

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES

Bibliothèque de l'Université Claude Bernard Lyon 1

E V C L I D I S

E L E M E N T O R V M

I LIBRI XV. GRAE-

cè & Latinè,

Quibus, cùm ad omnem Mathematicæ scientiæ partem, tùm ad quamlibet Geometriæ tractationem, facilis comparatur aditus.

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πάντα Πλάτωνος, à Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε.

Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε, Πλάτων δ' αἰείδην ἔδιδασκεν,

Εὐκλείδης ὅτι τοῖσι κλέος ᾤειχάλης ἔτευξεν.



Apud Hieronymum de Marnef, & Gulielmum Gavallat, sub Pellicano, monte D. Hilarij.

1573.

ad usum capucinarum
Valentia

con
Lyon





AD CANDIDVM LE-
CTOREM ST. GRACILIS

P R A E F A T I O.

PERMAGNI referre semper
existimaui, lector beneuole,
quantum quisque studij & di-
ligentiae ad percipienda scien-
tiarum elementa adhibeat, qui-
bus non satis cognitis, aut per-
peram intellectis, si vel digitum progredi tentes,
erroris caliginem animis offundas, nō veritatis lu-
cem rebus obscuris adferas. Sed principiorum quā-
ta sint in disciplinis momenta, haud facile credat,
qui rerum naturam ipsa specie, non viribus metia-
tur. Vt enim corporum quae oriuntur & intereunt,
vilissima tenuissimāque videntur initia: ita rerum
eternarum & admirabilium, quibus nobilissima
artes continētur, elementa ad speciem sunt exilia,
ad vires & facultatem quāmaxima. Quis non
videt ex fici tantulo grano, vt ait Tullius, aut ex
acino vinaceo, aut ex ceterarum frugum aut stir-

A ij

pium minutissimis seminibus tantos truncos ramosque procreari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu audituque perexigua, quātam theorematum syluam nobis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis seminibus, sic & in artium principis inesse vim earum rerum, quae ex his progignuntur. Praclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἴσως ἀρχὴ πάντων, καὶ ὅσα κράτιστον τῇ δυνάμει, ποσούτω μικρότατον ὃν τῷ μεγέθει, καλεῖται εἶναι ὀφειλῶσι. Quocirca committendum non est, ut non bene prouisa & diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumque rerum veritas sit demonstranda, vel constituas, vel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatione turpiter deceptus, a vera principiorum ratione temere deflectas. Nam qui initio fortè aberrauerit, is ut tandem in maximis versetur erroribus necesse est: cum ex uno erroris capite densiores sensim tenebrae rebus clarissimis obducantur. Quid tam varias veterum physiologorum sententias non modò cum rerum veritate pugnantes, sed vehemēter etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fueritne vlla potior tanti dissidij causa, quam quòd ex principis partim falsis partim nō consentaneis du-

Etas rationes probando adhiberent. Fit enim plerumque, ut qui non recte de artium rerumque elementis sentiunt, ad praefinitas quasdam opiniones suas omnia reuocare studeant. Pythagorei, ut meminit Aristoteles, cum denary numeri summam perfectionem calo tribuerent, nec plures tamen quam nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt terrae aduersam, quam ἀρτίχθονα appellarunt. Illi enim vniuersitatis rerumque singularum naturam ex numeris ceu principis aestimantes, ea protulerunt quae φανερῶς congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagorae, Anaximandri, & reliquorum id genus physiologorum somnia, ex falsis illa quidem orta naturae principis, sed ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens praterco. Nonnullos attingam, qui repetitis alius, vel aliter ac decuit positis rerum initis, cum in physicis multa turbauerunt, tum Mathematicos oppugnatione principiorum pessime mulctauerunt. Ex planis figuris corpora constituit Timaeus: Geometrarum hic quidem principia cuniculis oppugnantur. Nam & superficies seu extremitates crassitudinem habebunt, & linea latitudinem: denique puncta non erunt individua, sed linearum partes. Pradicant

Democritus atque Leucippus illas atomos suas, & individua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic verò Geometriae fundamenta aperte petuntur, & funditus evertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quam ut amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot praeclara Geometrarum de asymmetricis & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causa dicas cur individua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri non queat? Siquidem quod minimum in unoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quae ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia *ἑρδογὰ ἀνμάτων* genera commemorem, quae ex hoc uno fonte tam longè latèque diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cum recta lineae curvam posuit aequalem. Longum esset mihi singula percensere, praesertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, ἀποὺδα τῶν ὀπῶς

ἀριθμοὶ καὶ αἱ ἀρχαί. μετὰ δὲ τὸ εἶχον
 ποτε καὶ ἐπὶ πόδια. Nā principiū illa cōgrue-
 re debet, quæ sequuntur. Quod si tantum perspi-
 citur in istis exilioribus Geometriæ initis, quæ
 puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,
 ut ne hac quidem sine summo impendentis rui-
 na periculo conuelli aut oppugnari possint: quan-
 ta quæso vis putanda est huius τοιχειώσεως, quam
 collatis tot præstantissimorum artificum inuen-
 tis, mira quadam ordinis solertia contexuit Eu-
 clides, vniuersæ Matheſeos elementa complexu
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-
 ctior & paratior quisque ad hoc studiū libentius
 accedat, & singula vel minutissima exactius se-
 cum reputet atque perdiscat, operæ precium cēſui
 in primo institutionis aditu vestibulōque præci-
 pua quadam capita, quibus tota ferè Mathema-
 ticæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
 τοιχειώσῃ consilium sedulo ac fideliter exponere.
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
 fontibus, nemini inuisa fore cōſido, qui modo in-
 genuum animi candorem ad legendum attulerit.
 Ac de Mathematica diuisione primū dicamus.

Mathematica in primis scientiæ studiosos

fuisse Pythagoreas, non modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor vniuersum distribuatur Mathematica scientia genus, quarum duas $\omega\epsilon\iota\tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$, reliquas $\omega\epsilon\iota\tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\iota$ versari statuerunt. Nam $\omega\epsilon\iota\tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$ vel sine vlla comparatione ipsum per se cognosci, vel certa quadam ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc versari Musicam: $\omega\epsilon\iota\tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\iota$ partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriae propositum esse: quod verò sua sponte matu cietur, Astronomia. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quod in vtroque quanti genere cernitur, idcirco inanem videri (si quidem non solum magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis accretio infinitè progredi potest) meminisse decet, $\tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\iota$ & $\tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$, quae subiecto Mathematica generi imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscunque modi quantitatem significare, sed eam demum, quae tum multitudine tum magnitudine sit definita, & suis circumscripta terminis. Quis enim vllā infiniti scientiā defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet Aristoteles, infinitum se cogitatione quidem complecti quenquā posse. Itaque ex infinita multitudinis & magnitudinis $\delta\upsilon\omega\acute{\alpha}\mu\upsilon$, finitam hanc

scientia decerpit & amplectitur naturam, quam tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geometrarum consuetudine quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristoteles, οὐδὲ νῦν (de Mathematicis loquens) δέονταί τῃ ἀπείρῃ, ὅδῃ γινώσκειν, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσῳ αὐτῇ βέλονται, περὶ παλαιόν. Quamobrem disputatio ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis rationibúsque non aduersatur, nec eorum apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod exitu nullo paragrari possit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem: sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quinetiam non modò immensa magnitudine opus non habent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum instar maximæ minima quaque in partes totidē pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, vir (quantum ex Proclo conicere licet) μαθημάτων laude clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accuratior foriè visa est, cum doctissimè pertractauit sua in decimū Euclidis præfatione P. Mōtaureus vir senatorius, & regiae bibliotheca præ-

fectus, leniter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τὸ φυσικὸν καὶ τὸ μαθηματικόν,
 ὧν, quæ res sub intelligentiam cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit Geminus: quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatrix, Optica, Geodæsia & Mechanica
 adiudicavit. Ad hanc certè diuisionem spectas-
 se videtur Aristoteles, cum Astrologiam, Opti-
 cam, Harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθηματικῶν
 nominat, ut quæ naturalibus & Mathematicis
 interiectæ sint, ac velut ex vtriusq; mixta disci-
 plina: Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, ὁμοῦτα γὰρ, φη-
 σί, τὸ μὲν ὅτι, τῶν αἰσθητικῶν εἰδέναι, τὸ δὲ διότι,
 τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, ut quid Mathema-
 tica cōueniat cū Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostēdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt positæ, ob idque θεωρη-
 τικὰ à Græcis dicuntur. Nam cum Λόγος siue
 ratio & mens omnis sit vel θεωρητικὴ, vel ποιη-
 τικὴ, vel θεωρητικὴ, totidem scientiarū sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-

ficiendo sunt occupata, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modo agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem respectus, harum autem vel mens, vel ars, vel vis quaedam & facultas rerum perfectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque haec una in omnes valet ratio, quae separatas esse colligat. Iam verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd utraque versatur in cognitione formarum corpori naturali inhaerentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudines & puncta cõtemplatur, quae omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à concretionem materiae sunt libera. Nā tamen si Mathematicae formae re vera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, ουδὲ γινεται ψεύδος καὶ ἑόντων, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iā quid intersit, videamus. Vnaeque Mathematicarum

certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo versetur, Vt Geometria quantitatem & continuationem aliorum in vnā partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorūque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem Philosophia, cum sit omnium communis, vniuersum Entis genus, quaeque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad hanc, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quae quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ἐξ ἀφαιρέσεως dici consuevit. Sed prima Philosophia in iis versatur, quae & seiuncta, & aeterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Ceterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, vnde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematica species nihil re vera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem confectatur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensa sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, Vt quacun-

que in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem etiam in naturalibus rebus videantur accidere, non autem vicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incōmoda, quae nihil ad Mathematicum attinēt, Ἀλλὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἐξ ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσόδου. Siquidem res cum materia deuinctas contemplatur physicus: Mathematicus verò rem cognoscit circumscriptis in omnibus quae sensu percipiuntur, ut gravitate, leuitate, duritie, mollitie, & praeterea calore, frigore, aliisque contrariorum paribus quae sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continuum. Itaque Mathematicorum ars in iis quae immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀεικινήσεως ὄντι, ἔξω τῶ ἐκ τινὸς ἀπολόγιον) quae verò in naturae obscuritate posita est, res quidem quae nec separari nec motu vacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiae genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates earum demonstrates. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, aequale, rotundum, vniuersa denique Mathematicus quae tractat & profitetur, absque motu explicari doceri que possunt: χωρεῖται γὰρ τῇ νοήσεϊ κινήσεως ὄντι: Physica

autem sine motione species nequaquā possunt intelligi. Quis enim, hominis, plantae, ignis, ossis, carnis naturā & proprietates sine motu qui materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper substantia quaeque naturalis constare dici solet, quoad opus & munus suum, agendo patiendoque tueri ac sustinere valeat: qua certē amissa dūdum, ne nomen quidem nisi ὁμωνύμως retinet. Sed Mathematico ad explicandas circuli aut trianguli proprietates, nullū adferre potest vsum, materiae ut auri, ligni, ferri, in qua insunt, cōsideratio: quin eō verius eiusmodi rerum, quarū species tanquā materia vacantes efformemus animo, naturam complectemur; quod coniunctione materiae quasi adulterari deprauarique videntur. Quocirca Mathematicae species eodem modo quo κοίλον, siue concavitas, sine motu & subiecto definitione explicari cognoscique possunt: naturales verò cum eam vim habeant, quam, ut ita dicam, finitas, cuius materia comprehensae sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus exemplis quid inter Physicas & Mathematicas species intersit, haud difficile est animadvertere. Illis certē non semel est vsum Aristoteles. Valeant ergo Protagorae sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, quod circulus normam pun-

Eto non attingat. Nam diuina Geometrarū theore-
mata qui sensu aestimabit, vix quicquam re-
periet quod Geometrae concedendum videatur.
Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectum
aut rotundum dici potest, vt à Geometra ponitur?
Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-
neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis
assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne
latitudinis quidem expertes. Siquidē non iis vir-
tur Geometra quasi inde vim habeat conclusio,
sed eorum quæ discendi intelligenda relinquun-
tur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-
mum instituuntur, hi ductu quodam & velut
ἡγεγὼν sensuum opus habent, vt ad illa quæ
sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-
parare queant. Sed tamen existimandum non est
rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac
non eam tantum quæ sensum afficit. Est enim ma-
teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo
& ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-
τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, vt as,
vt lignum, omnisque materia quæ moueri potest,
Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-
silibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur,
quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-
stotele scriptum legimus ὅτι τῶν ἐν ἀφαιρέσει

ὄντων rectum se habere ut simum: μετὰ ὧν ἔστι
 γὰρ quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-
 rum est, suam esse materiam, nō min⁹ quā si-
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-
 thematicæ sensili vacent materia, non sunt ta-
 men individuae, sed propter continuationem par-
 titiōni semper obnoxiae, cuius ratione dici possunt
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-
 tur τὸ εἶναι γεαμνῆν, aliud quoad continuationi
 adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma
 in materia proprietatum causa est, quas sine ma-
 teria percipere nō licet. Hæc est societatis & dis-
 sidij Mathematicæ cum Physica & prima Phi-
 losophia ratio. Nunc autem de nominis etymo-
 & notatione pauca quedam afferamus. Nam si
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-
 mina, ea certè non temere indita fuisse credendum
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim
 Aristoteles ducto ex verborum ratione argumē-
 to, αὐτομάτῃ, μεταβολῆς, αἰθέρος, aliarumque
 rerum naturam ex parte confirmavit. Quoniam
 igitur Pythagoras Mathematicam sciētiam non
 modo studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite
 principis,

principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplinae formam composuit, & perspetus absque materia, solius intelligentiae adminiculo theorematibus, tractationem αὐτῶν ἀλόγων, & κοσμητῶν σχημάτων constitutionem exco-
gitavit: credibile est, Pythagoram, aut certe Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic scientiae id nomen dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerumque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cū existimarent illi omnē disciplinā, quae μάθησις, dicitur, ἀνάμνησις esse quandam, id est recordationem & repetitionem eius scientiae, cuius antē quā in corpus immigraret: compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menōne, Phaedōne, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animadverterent autem eiusmodi recordationem, quae non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ὅτι τὰ Μαθηματικά ἀνὰ τὴν ἀνάμνησιν: probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes καὶ ἐξ ὧν fuisse nominatas, ut ex quibus μάθησις, id est aeternarum in anima rationum recordatio ἀναπόρτος & precipue intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menōne Socratem in-

duxit hoc argumenti genere persuadere cupientem discere nihil esse aliud quam suarum ipsius rationum animū recordari. Etenim Socrates pusionem quendam, ut Tullij verbis utar, interrogat de geometrica dimensione quadrati ad ea sic ille respondet ut puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim respondens, eodem perveniat, quò si Geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, ut est apud Rhodiginum, quòd cum cetera disciplina deprehendi vel non docente aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem veniant, nisi praecunte aliquo, cuius solertia succidantur vepreta, vel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Ita enim Caelius: quod quam vim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multiplicique ac subtili versari scribit. sed quis nescit id ipsum cum aliis gravioribus scientiis, esse comune? Est enim, vel eodem autore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaque est, & in ipsis rebus obscuritas, & in iudiciis nostris infirmitas: nec ulla est, modò interius paulò Physica penetravit, qui non facile sit expertus, quam multe undique

emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Haecenus de Vniuerso Mathematica genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea differam, quae initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quae versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus haec continentur, extremorum, item rationum & affectionum, quae in illis cernuntur ac inherant: ipsa quidem progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, variasque ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & cōtemplatur: causis & principis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quae de genere subiecto per se enunciantur: Geometriae quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circu-

lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus consistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, aequalitates, $\pi\alpha\rho\epsilon\beta\omicron\lambda\alpha\iota$, $\iota\sigma\omicron\beta\omicron\lambda\alpha\iota$, $\epsilon\lambda\lambda\epsilon\iota\psi\epsilon\varsigma$, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia, Postulata verò & Axiomata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quo-uis centro & intervallo circulum describere: Si ab aequalibus aequalia detrahas, quæ relinquantur esse aequalia, ceteraq; id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua Videatur Arithmetica & Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit ἀρεστέερα, & exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accurationem esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ re esse tantum declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initiis con-

stat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometriæ præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas verò punctum est quod situ vacat. Ex quo percipitur, numerorū quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse puriores, & à concretione materiæ magis disiunctos. Hac quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibûsque suis ac rerum ubertate multiplici vel cum Arithmetica ceteret: id quod tute faciliè deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmetice & Geometriæ societas, videamus. Nam thewrematum quæ demonstratione illustratur, quædam sunt vtriusque scientiæ communia, quædam verò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit $\pi\alpha\tau\omicron\varsigma$ siue rationalis, Arithmetice soli conuenit, nequaquam Geometriæ, in qua sunt etiam $\alpha\pi\alpha\tau\omicron\iota$, seu irrationales proportionēs: item, quadratorum $\gamma\eta\omega\mu\omicron\eta\varsigma$ minimo definitos esse, Arithmetice proprium (si quidem in Geometria nihil tale minimum esse potest)

sed ad Geometriam propriè spectant situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuis admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse solet. Communia porro Vtriusque sunt illa, quæ ex sectionibm eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quòd sectio per extremam & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam Verò ex theωρημαtibz eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmetica traducuntur: alia contrà ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quedam Verò perinde Vtriusque scientiæ conueniunt. Ut quæ ex Vniuersa arte Mathematica in Vtrâque harum cōueniant. Nam & alterna ratio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo communia sunt Vtriusque. Quæ autem sunt τῶν συμμέτρων, id est de commensurabilibus, Arithmetica quidem primùm cognoscit & cōtemplatur: secundo loco Geometria Arithmetica imitata. Quare & cōmensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationem inter se habent quā numerus ad numerū, perinde quasi cōmensuratio & συμμετρία in numeris primùm cōsistat (Vbi enim numerus, ibi & συμμετρον cernitur: & Vbi συμμετρον, illic etiam numerus) sed quæ

triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometra primum considerantur: tum analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometria diuisione hoc adiiciendum puto, quòd Geometria pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent. altera Verò solidas contemplatur, quæ ad duplex illud interuallum crassitudinem adsciscunt. Illam generali Geometria nomine veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro cõparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis antecessit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem ætate vllam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometriae vtilitatẽ accedo, quæ quanquam suapte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius vsus aut actionis ministerio mæcipata (vt de Mathematicis omnibus scientiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen vtilitatis externæ queritur, Dii boni quàm lætos, quàm vberes, quàm varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarũ alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videantur, cuiusque quod melius aut deterius nullam habeant

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit melius, trianguli, verbi gratia, tres angulos duobus esse rectis aequales: minime tamen fuerit consentaneum, Geometria cognitionem vt inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finem & bonū quod referatur, habeat nullum. Multas haud dubiè solius contemplationis beneficio citra materiae cōtagionem adfert Geometria commoditates partim proprias, partim cum vniuerso genere communes. Cum enim Geometria, vt scripsit Plato, eius quod semper est cognitionem profiteatur, ad veritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentē comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes facilius perdiscendas, attigeris necnè Geometriam, quanti referre censes? Nam vbi cum materia coniungitur, nōne præstātissimas procreat artes, Geodesiam, Mechanicam, Opticam, quarum omnium vsu, mortalium vitam summis beneficiis completitur? Etenim bellica instrumenta, vrbiūque propugnacula, quibus munitæ vrbes, hostium vim propulsarent, his adiutricibus fabricata est: montiū ambitus & altitudines, locorūque situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itinerum rationem præscripsit: arūtinās & statēras, quibus exacta numerorum equalitas in ciuitate retineatur, composuit: vniuersi ordinem si-

mulachris expressit: multaque quæ hominum fidem superaret, omnibus persuasit. Vbique extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nā extructo vastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum regi Ptolemæo mitteret, cum vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus nauem trahere non posset, effecissetque Archimedes ut solus Hiero illam subduceret, admiratus viri scienciam rex, ἀπὸ ταύτης, ἐφ' ἣς ἡμᾶς εἰς πάντος Ἀρχιμῆδ' ἔλεγοντι πισυντέον. Quid? quod Archimedes idem, ut est apud Plutarchū, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moueri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactaret, si terram haberet alteram ubi pedem figeret, ad eam nostram hanc se transmutare posse? Quid varia αὐτομάτων machinarumque genera, ad vsus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profecto sunt illa, & admiratione dignissima, quibus prisci homines incredibili quodam ad philosophandum studio concitati, inopem mortalium vitam artis huius præsidio subleuarunt: tamen si memoria sit proditum, Platonem Eudoxo & Archytæ vitio vertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometria præstantiam, quæ ab intelli-

bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corporeas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scripsit Plato Geometrarū esse vocabula, quae quasi ad opus & actionem spectent, ita sonare videntur. Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eiusmodi nomina, quibus necessariō & tanquam coacti Geometrae utuntur, quippe cum alia desint in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geometriam ipsam cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerū vntōū intelligētia aestimandā esse. Exposita breuius quā res tanta dici possit, utilitatis ratione, Geometriae ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum monumentis nobis est cognitus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios inuēta, (ne ab Adamo, Setho, Noah, quos cognitione rerū multiplici valuisse constat, eam repetamus) ex terrarum dimensione, ut verbi prae se fert ratio, ortum habuisse dicitur: cum anniuersaria Nili inundatione & incrementis limo obducti agrorum termini confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas disciplinas, in vsu quā in arte prius fuisse aiunt. Quod sanē mirum videri non debet, ut & huius & aliarum scientiarum inuentio ab vsu coepit ac necessitate. Etenim tempus,

rerum vsus, ipsa necessitas ingenium excitat, & ignauiam acuit. Deinde quicquid ortum habuit (vt tradunt Physici) ab inchoato & imperfecto processit ad perfectum. Sic artium & scientiarum principia experientiae beneficio collecta sunt, experientia vero à memoria fluxit, quae & ipsa à sensu primum manauit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad vitam necessariis, in Aegypto fuisse constitutas, quod ibi sacerdotes omnium concessu in otio degerent: non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, verbi gratia, terrae dimetiendae rationem, quae thewrematum deinde inuestigationi causam dederit: sed hoc confirmat, praeclara eiusmodi thewrematum inuenta, quibus exstructa Geometriae disciplina constat, ad vsus vitae necessarios ab illis non esse expetita. Itaque vetus ipsum Geometriae nomen ab illa terrae partiunde finiumque regundorum ratione postea recessit, & in certa quadam affectionum magnitudini per se inhaerentium scientia propriè remansit. Quemadmodum igitur in mercium & contractuum gratiam, supputandi ratio quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phoenicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea, quam commemorauimus, causa ortum habuit Geometria. Hanc certè, vt id obiter dicam,

Thales in Græciam ex Aegypto primum transtu-
lit? cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippo-
crate Chio, Platone, Archyta Tarentino, aliisque
compluribus, ad Euclidis tempora facta sunt re-
rum magnarum accessiones. Ceterum de Eucli-
dis etate id solum addam, quod à Proclo memo-
ria mandatum accepimus. Is enim commemora-
tis aliquot Platonis tum equalibus tum discipu-
lis, subiicit, non multò etate posteriorem illis fuisse
Euclidem eum, qui Elementa conscripsit, & mul-
ta ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum com-
posuit, multaque à Theateto inchoata perfecit,
quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad
firmissimas & certissimas apodexes reuocauit.
Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemao. Et
enim ferunt Euclidem à Ptolemao quondam inter-
rogatum, numqua esset via ad Geometriam magis
compediaria, quam sit ista τοιχείωσις, respondisse,
μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀλλὰ πρὸς ὅτι γεωμετρία. Dein-
de subiungit, Euclidē natū quidē esse minorē Pla-
tone, maiorem verò Eratosthene & Archimede
(hi enim æquales erant) cūm Archimedes Eucli-
dis mentionem faciat. Quòd si quis egregiā Eucli-
dis laudē, quam cūm ex aliis scriptionibus accura-
tissimis, tum ex hac Geometrica τοιχείωσις conse-
quutus est, in qua diuinus rerum ordo sapientissi-
mis quibusque hominibus magnæ semper admira-

tionis fuit, is Proclū studiosē legat, quod rei veritatem illustriorē reddat gravisssimī testis autoritas. Superest igitur ut finem videamus, quod Euclidis elementa referri, & cuius causa in id studium incumbere oporteat. Et quidem si res quae tractatur, consideres: in tota hac tractatione nihil aliud queri dixeris, quā ut *κομικὰ* quae vocantur, σχήματα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonicus) Cubus, Icosaëdru, Octaëdru, Pyramis, & Dodecaëdru certa quadā suorum & inter se laterū, & ad sphaerae diametru ratione eidē sphaerae inscripta cōprehēdatur. Huc enim pertinet Epigrāmation illud vetus, quod in Geometrica Michaelis Pselli *Ἐνὸς* scriptū legitur.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
 εὔρε,
 Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε, Πλάτων δ' ἀείδει· ἐδίδαξεν,

Εὐκλείδης ὅτι τοῖσι κλέος περικαλλὲς ἔτευξεν.

Quod si discētis institutionem spectes, illud certē fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discētis animus, ad quamlibet non modō Geometriae, sed & aliarum Mathematicae partiū tractationem idoneus paratūque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-

cludere posse: inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit Arithmeticus, pleraque Musicus, non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus, Mechanicus, itēque cateri: nec ullus est denique artifex praeclarus, qui in huius se possessionis societatem cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc εὐκλείδης absolutum operi nomen, & εὐκλείδης dictus Euclides. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiose & erudite scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco P. Mōtāreus, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quae verò ad dicendum nobis erant proposita, hactenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tametsi & hac eadem & alia pleraque multò forte praeclariora ab hominibus doctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili quodam lepore dicendi semper floruerūt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit, num quid etiā nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac Philosophiae parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elementorum editio, in qua nihil non parū fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare videbatur, quod eius cōmendationem adaugeret. Cū enim vir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarū artium in hac Parrhi-

siorum Academia professor verè regius, nostrum hunc typographum in excudendis Mathematicorum libris diligentissimū, ad hanc Elementorum editionem sapè & multum esset adhortatus, eiusque impulsu permulta sibi iam comparasset typographus ad hanc rem necessaria, citò interuenit, malum, Ioannis Magnien mors insperata, quæ iam graue inflixit Academiae vulnus, cui ne post multos quidem annorū circuitus cicatrix obduci vlla posse videatur. Quamobrem amisso instituti huius operis duce, typographus, qui nec sumptus antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id muneris erat pollicitus, sua spe cadere vellet, ad me venit, & impēsē rogauit vt meam propositæ editioni operā & studiū nauarem. quod cum denegaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: feci equidem rogatus, vt quæ subobscurè vel parū cōmodè in sermonem Latinū ē Græco trēsata videbātur, clariore, aptiore, & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque pace dictū volo) lucem acciperent. Id quod in omnibus fere libris posterioribus tute primò obtutu perspicias. Nam in sex prioribus non tantum temporis quantū in cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpretatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Montaureo solida debetur. Atque vt ad perspicuitatē facilitatēque nihil tibi deesse queraris, adscriptæ

sunt propositionibus singulis vel lineares figura,
vel punctorum tanquam vnitatum notula, quæ
Theonis apodixin illustrer. illæ quidem magnitu-
dinum, hæ autem numerorum indices, subscri-
ptis etiam ciphrarum, vt vocat, characteribus,
qui propositum quemvis numerum exprimant: ob
eâmq; causam eiusmodi vnitatum notula, quæ
pro numeri amplitudine maius paginae spatium
occuparent, pauciores sapius depictæ sunt, aut in
lineas etiam commutatæ. Nam literarû, vt a, b, c,
characteres non modo numeris & numerorum
partibus nominandis sunt accommodati, sed etiã
generales esse numerorum vt magnitudinum af-
fectiones testantur. Adiecta sunt insuper qui-
busdam locis non pœnitenda Theonis scholia, siue
maius lemmata, quæ quidem lōgè plura accessis-
sent, si plus orij & temporis vacui nobis fuisset
relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc
igitur operam boni consule, & quæ obuia erunt
impressionis vitia, candidus emenda. Vale.
Lutetiæ Aldus April. 1557.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM PRIMVM.

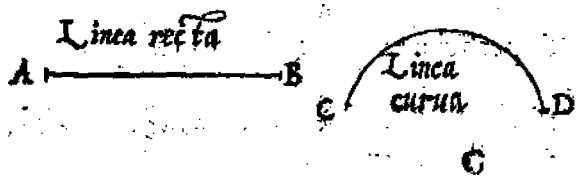
Ο' ΡΟΙ.

ΣΗΜΕΙΟΝ *ἡμεῖς ὀνομάζομεν*
DEFINITIONES.

¹
Punctum est, cuius pars Punctum
nulla est.

²
Γραμμή δὲ, μῖκος ἀπλᾶτος.

²
Linea verò, longitudo latitudinis experta.



γ

Γεωμετρικὰ δὲ πέρατα, σημεῖα.

3

Lineæ autem termini, sunt puncta.

δ

Εὐθεῖα γραμμὴ ὅστις, ἥ τις ἐξ ἴσου τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς
σημείοις κεῖται.

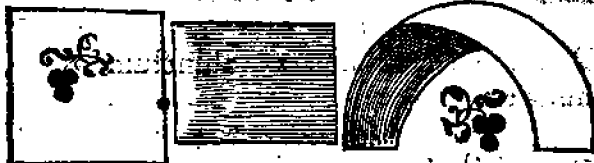
4

Recta linea est, quæ ex æquo sua interiaret
puncta.

ε

Ε'πιφανεία δὲ ὅστις, ὃ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

5

Superficies est, quæ longitudinem latitudi-
nemque tantum habet.

ζ

Ε'πιφανείας δὲ πέρατα, γραμμίδ.

6

Superficieĩ extrema, sunt lineæ.

ζ

Ε'πίπεδος ὁπιφανεία ὅστις, ἥ τις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ'
ἑαυτῆς ὠθείαις κεῖται.

7
Plana superficies est, quæ ex æquo suas in-
teriacet lineas.

7
Εἰς πίπεδος δὲ γωνία ἐστίν, ἢ ἐν ὁμοπέδῳ, δύο γραμ-
μαὶ ἀπομύων ἀλλήλων, ὃ μὴ ἐπ' αὐτῆς κειμέ-
ται, πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



8
Planus angu-
lus est, duarū
linearū in pla-
no se mutuo
tāgétium, &c

non in directum iacentium, alterius ad alter-
ram inclinatio.

8
Οὔτε δὲ αἱ πρὸς αὐτῇ γωνίαὶ γραμμαὶ, ἐν-
θῆναι ὡσιν, ἐνθῆ γράμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9
Cum autem quæ angulum continent lineæ,
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus ap-
pellatur.

Ὅταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖται, πὰς ἐφεξῆς
γωνίας ἰσὰς ἀλλήλαις ποιεῖ, ὅρθῃ ὅτιν ἐκατέρω τῇ
ἰσὺν γωνιῶν: καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα εὐθεῖα χάθεται κα-
λεῖται ἐφ' ἧς ἐφέστηκεν.

10

Cū verò recta linea super rectam confi-
stens lineam, eos qui sunt deinceps angu-
los æquales inter se fecerit: rectus est vter-
que æqualium angulorum: & quæ insistit
recta linea, perpendicularis vocatur eius cui
insistit.



10

Κύβλητα γωνία ὅτιν, ἡ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

11

Ὁξεία δὲ ἡ ἐλάττω ὀρθῆς.

12

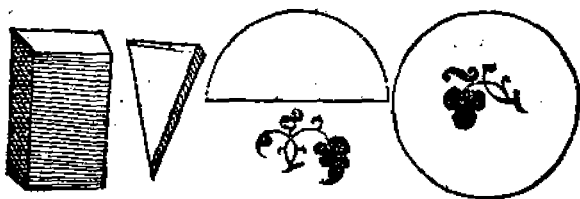
Acutus verò, qui minor est recto.

12

Ὁ ὅς ὅτιν, ὁ ἰσὺς ὅτιν πλάτος.

I 3

Terminus est, quod alicuius extremum est.



I 3

Σχήμα ἐστὶ τὸ ὑπὸ πινος, ἢ πινῶν ὄρων περιεχόμενον.

I 4

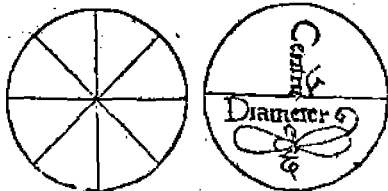
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

I 4

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ὀπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς τῷ ἀφ' εἰὸς σημείου τῆς ἐν τὸς σχήματος κειμένων, πᾶσαι αἱ περιπίπτουσαι εὐθεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

I 5

Circulus, est figura plana sub vna linea comprehēsa, quæ pe-



C iij

ripheria appellatur: ad quam ab vno puncto eorum, quæ intra figuram sunt positæ, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.

15

Κέντρον δὲ τῷ κύκλῳ, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

17

Διάμετρος δὲ ὁ κύκλῳ ὅστις, εὐθεῖα τις διὰ τῷ κέντρῳ ἡγμένη, καὶ περὶ τοῦ κέντρου ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τῷ κύκλῳ περιφέρειας, ἥτις καὶ διχαίνεται τὸν κύκλον.

17

Diameter autem circuli est, recta quædam linea per centrum ducta, & ex vtraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circum bifariam secat.

18

Ἡ μὲν κύκλιον δὲ ὅστις, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς διαμέτρου, καὶ τῆς περιλαμβανομένης ἀπὸ τῆς τῷ κύκλῳ περιφέρειας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ea linea, quæ de circuli peripheria aufertur.



Τμήμα κύκλου ἔστι, τὸ περιεχόμενον ὑπὸ π. ὠ-
θείας, καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmentum circuli est, figura, quæ sub recta
linea, & circuli peripheria continetur.

Εὐθύγραμμα σχήματά ἐστι, τὰ ὑπὸ ὠθείων
περιγράμματα.

Rectilinearæ figuræ sunt, quæ sub rectis li-
neis continentur.



Τεῖς πλευραὶ μὲν, τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

Τετράπλευρα δὲ, ^{κβ} α ὑπὸ τεσσάρων.

²² Quadrilateræ, quæ sub quatuor,

Πολύπλευρα δὲ, ^{κγ} α ὑπὸ πλείονων ἢ τεσσάρων
εὐθεῶν περιχρόμια.

²³ Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

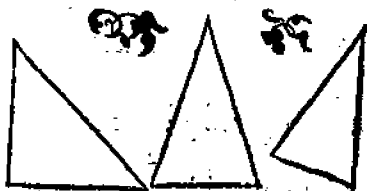
Τῶν δὲ τριπλεύρων σχημάτων, ^{κδ} ἰσόπλευροι μὲν τρι-
γωνοί ἐστί, τὸ τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς.

²⁴ Trilaterarum porro figu-
rarum, æquilaterū est trian-
gulum, quod tria latera ha-
bet æqualia.



^{κε} Ἰσοσκελές δὲ, τὸ πᾶς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

²⁵ Isosceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



^{κδ}
Σκελιῶν δὲ, τὸ τὰς τρεῖς αἰῖσας ἔχον πλευράς.

²⁶
Scalenū
verò, est
quod tria
inæqualia
habet. la-
tera.



^{κζ}
Εἴ τι, τρεῖς πλεύρων σχηματῶν, ὀρθογώνιον μὲν
τρίγωνόν ἐστι, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

²⁷
Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectāgu-
lum quidē triangulū est, quod rectū angu-
lum habet.

^{κη}
Ἀμβλυγώνιον δὲ, ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

²⁸
Amblygonium autem, quod obtusum an-
gulum habet.

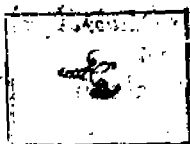
^{κθ}
Ὄξυγώνιον δὲ, τὸ τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

²⁹
Oxygonium verò, quod tres habet acutos
angulos.

^λ
Τὰν δὲ τετραπλεύρων σχηματῶν, τετράγωνον μὲν
ἐστίν, ἰσὸς πλευρόν τε ἐστίν, καὶ ὀρθογώνιον.

³⁰
Quadrilaterarum autem figurarum, qua-

dratum qui-
dē est, quod
& æquilate-
rū & rectan-
gulum est.



λδ

Εἰ τὸ ῥόμβος δὲ, ὃ ὀρθογώνιον μὴ, ὅσα ἰσόπλευρον δὲ.

31

Altera parte longior figura est, quæ rectan-
gula quidem, ac æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος δὲ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, ὅσα ὀρθογώνιον δὲ.

32

Rhombus
autē, quæ
æquilate-
ra, sed re-
ctangula
non est.



λγ

Ῥόμβοειδὲς δὲ, τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ ἢ τε ἰσόπλευρόν ὅσιν,
οὔτε ὀρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduerfa & late-
ra & angulos habens inter se æqualia, ne-

que æquilatera est, neque rectangula.

λδ

Τὰ δὲ αὖτε ταῦτα, πρὸς ἀπλευρά, τραπέζια κα-
λεῖσθαι.

34

Præter has
autem, re-
liquæ qua-
drilateræ fi-
guræ, tra-
pezia ap-
pellentur.

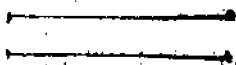


λε

Παράλληλοι εἰσιν ὡς εἶναι, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ
ὀπιπέδῳ οὔσαι, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἀπέρου, ἐφ'
ἐκάτερα. Τὰ μέρη, ὅτι μηδένες συμπίπτουσιν
ἀλλήλαις.

35

Parallelæ rectæ lineæ
sunt, quæ cū in eodē
sint plano, & ex vtra-
que parte in infinitum producātur, in neu-
tram sibi mutuò incidunt.



Αἰτήματα.

α

Ἡ τήδε, ἀπὸ παντὸς σημείου ὅτι πᾶν σημεῖον ὡ-
ς εἶναι γεαμμένον ἀγαγεῖν.

Postulata.

I

Postuletur, ut à quovis puncto in quodvis punctum, rectam lineam ducere concedatur.

B

Καὶ πεπερασμένῳ ὠθεῖται, καὶ τὸ συνεχὲς ἐκ' ὁθέας συνέσται.

2

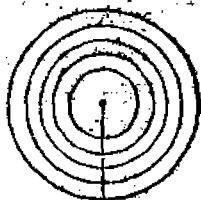
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum rectā producere.

γ

Καὶ παρὰ κέντρῳ, καὶ ἀγνώστῳ κύκλον γράψεται.

3

Item quovis centro, & intervallo circulum describere.



Κοινὰ ἔννοιαι.

α

Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις ὅτιν ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidem æqualia, & inter se sunt æqualia.

B

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα προσήκῃ, τὰ ὅλα ὅτιν ἴσα.

2

Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ χαλενέπο-
μενά ἐστὶ ἴσα.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquantur sunt æqualia.

δ

Καὶ ἐὰν αἰίοις ἴσαι ἀφαιρεθῇ, τὰ ὅλα ἐστὶν αἰῖσα.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

Καὶ ἐὰν ἀπὸ αἰίων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἐστὶν αἰῖσα.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

στ

Καὶ τὸ αὐτὸ διπλασία, ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶ.

ζ

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

η

Καὶ τὸ αὐτὸ ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶ.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

7

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

8

Καὶ τὸ ὅλον τῷ μέρει μείζον ὄντι.

9

Totum est sua parte maius.

1

Καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

11

Καὶ εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπεσούσῃ, πάλιν ἔντος καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάττωνας ποιῇ, ὅτι ἀλλόλογον αἱ δύο αὐτῶν εὐθεῖαι ἐπ' ἀπὸρον, συμπεσούσῃ ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάττωνας γωνίαι.

11

Et si in duas rectas lineas altera recta incidens, inter nos ad easdemque partes angul

los duobus rectis minores faciat, duæ illæ rectæ lineæ in infinitū productæ sibi mutuo incident ad eas partes, ubi sunt anguli duobus rectis minores.

β

Καὶ δύο εὐθεῖαι, ἁπλῶς ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου, ὅτι οὐκ ἔχουσιν.

12

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehendunt.

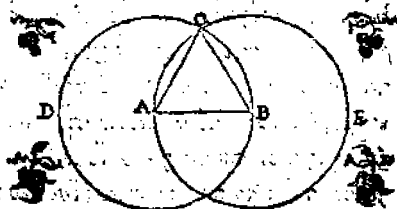
Προτάσις.

α

Εἴπερ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης, πρὸς ἓν ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super data recta linea terminata, triagulum æquilaterum constitui.



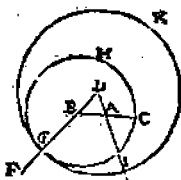
β

Πρὸς τῇ δοθείσῃ σημείω, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴστω εὐθείας γίνεσθαι.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, data rectæ l

neæ æqualem rectam lineam ponere.

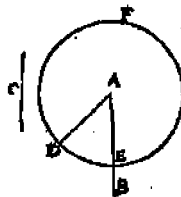


Δύο δοθέντων ὠθημάτων ἀρίστων

ὑπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσῳ ὠθηματι ἀφαιρῶν.

Problema 3. Propositionio 3.

Duabus datis rectis lineis inæqualibus, de maiore æqualem minori rectam lineam detrachere.

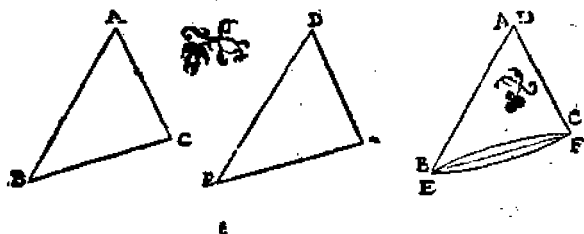


Εἰ ἀν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῶν δυοῖν πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρω, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσῳ ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων ὠθημάτων ἀφαιρῶν: καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσῳ ἔξῃ, καὶ τὸ τρίγωνον πρὸς τριγώνῳ ἴσον ἔσται, καὶ αἱ λοιπῶν γωνίαι τῶν λοιπῶν γωνίαις ἴσαι ἔσονται, ἑκατέρω ἑκατέρω, ὅφ' αἱ αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσι.

Theorema primum. Propositionio 4.

Si duo triacula duo latera duobus lateribus æqualia habeant, vtrunque vtrique, habeant verò & angulum angulo æqualem

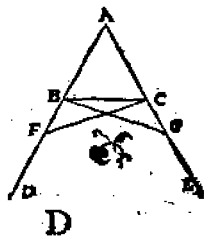
lem sub æqualibus rectis lineis contentum:
 & basin basi æqualem habebunt, eritque
 triangulum triangulo æquale, ac reliqui an-
 guli reliquis angulis æquales erunt, vterque
 vtrique, sub quibus æqualia latera subten-
 duntur.



Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. Καὶ πρὸς ἐκτετακτοῦν τῶν ἴσων εὐθειῶν, αἱ ὑπὸ τῶν βάσεων γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

Isoſcelium triangulorum qui ad basin ſunt
 anguli, inter ſe ſunt æ-
 quales: & ſi vltcrius pro-
 ductæ ſint æquales illæ
 rectæ lineæ, qui ſub baſi
 ſunt anguli, inter ſe æqua-
 les erunt.

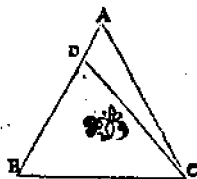


ζ

Εἰ αὖ περιώνυς αἱ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ᾗσι, καὶ αἱ ὑπὸ ταῖς ἴσαις γωνίαις ὑπολείνουσαι πλευραὶ, ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 3. Propositio 6.

Si trianguli duo anguli æquales inter se fuerint : & sub æqualib⁹ angulis subtenfa latera æqualia inter se erunt.



ζ

Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δύοὶ ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι δύο εὐθεῖαι ἴσαι, ἑκατέρω ἑκατέρω, ὅσους αὐτὴν γίνονται, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ, ὅτι αὐτὰ μέρη, πρὸς αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι, ταῖς ἑξαρχῆς εὐθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

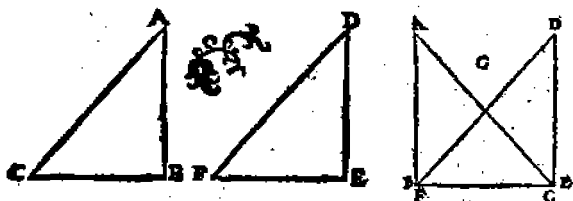
Super eadem recta linea, duabus eisdem rectis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, vtraque vtriq; non constituetur, ad aliud atq; aliud punctū, ad easdē partes, eisdémq; terminos cū duabus initio ductis rectis lineis habentes.



Ἐὰν δύο τρίγωνα ἴσας δύο πλευράς τῶν δύο πλευ-
 ρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκάτερα ἑκάτερα, ἔχῃ δὲ καὶ
 βάσιν τῇ βάσει ἴσην: καὶ πλὴν γωνίας τῇ γωνίᾳ
 ἴσην ἔξει πλὴν ὑπὸ τῇ ἴσων ὠμῶν ἀντι-
 μῶν.

Theorema 5. Propositio 8.

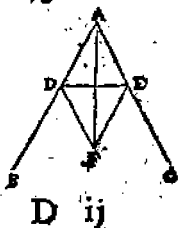
Si duo triangula duo latera habuerint duo-
 bus lateribus, vtrunque vtrique, æqualia,
 habuerint verò & basin basi æqualem: an-
 gulum quoque sub æqualibus rectis lineis
 contentum angulo æqualem habebunt.



Πλὴν δοθεὶσας γωνίας ὡς ὑπερμμεν δι' αὐτὰς τεμνέιν.

Problema 4. Pro-
positio 9.

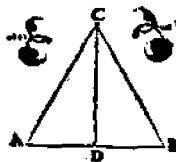
Datum angulum rectili-
 neum bifariam secare.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπιεραμένην, δίχα τε-
μεῖν.

Problema 5. Pro-
positio 10.

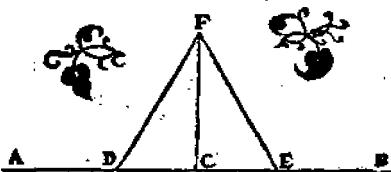
Datam rectam lineam fini-
tam bifariam secare.



Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, ἀπὸ τῆς τοῦ αὐτῇ δοθέντος
σημεῖου, τοῦ ὀρθῆς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀ-
γαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

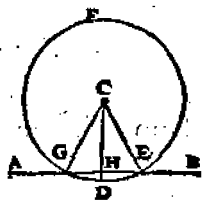
Data recta li-
nea, à pun-
cto in ea da-
to, rectam li-
neam ad an-
gulos rectos
excitare.



Εἰ πὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ
σημεῖου, ὃ μὴ ὅστις ἐπ' αὐτῆς, χέβεται εὐθεῖαν
γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam lineam
infinitam, à dato puncto

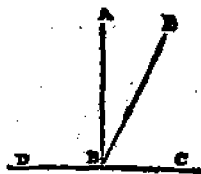


quod in ea non est, perpendiculararem rectam deducere.

^γ
Ὡς αὖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας σταθεῖσα, γωνίας ποιῶν, ἢτοι δύο ὀρθὰς, ἢ δυοὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσθαι.

Theorema 6. Propositio 13.

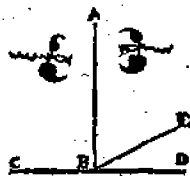
Cum recta linea super rectam consistens lineam, angulos facit, aut duos rectos, aut duobus rectis æquales efficiet.



^{ιδ}
Ἐ' αὖ πρὸς πρὶν εὐθεία, καὶ πρὸς αὐτῇ σημείω δύο εὐθεῖαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐφεξῆς γωνίας δυοὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσσονται ἀλλήλας αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius punctum, duæ rectæ lineæ non ad easdem partes ductæ, eos qui sunt deinceps angulos duobus rectis æquales fecerint, in directum erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

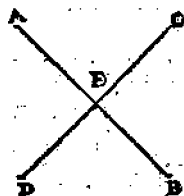


^{ιε}
Ἐ' αὖ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ

φυσικῶν γωνίας, ἴσας ἀλλήλας ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
positio 15.

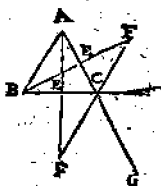
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerint, angulos qui
ad verticem sunt, æquales
inter se efficient.



¹⁵
Παροις περιγώνια μιᾶς τῆς πλευρῆς ἐκβληθείσης,
ἢ ἐντὸς γωνία, ἐκατέρας τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου,
μειζων ἐστὶ.

Theorema 9. Pro-
positio 16.

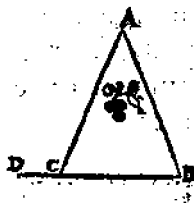
Cuiuscunque trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus utroq; inter-
no & opposito maior est.



¹⁶
Παροις περιγώνια αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἐλάσσ-
νεις εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομένης.

Theorema 10. Pro-
positio 17.

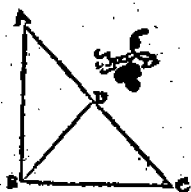
Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores, omnifariā
sumpti.



¹⁷
 Παντὸς τριγώνου ἡ μείζων πλευρὰ πῶς μείζονα
 γωνίαν ὑπολείπει.

Theorema 11. Pro-
 positio 18.

Omnis trianguli maius la-
 tus maiorē angulum sub-
 tendit.



¹⁸
 Παντὸς τριγώνου ὑπὸ πῶς μείζονα γωνίαν ἡ μεί-
 ζων πλευρὰ ὑπολείπει.

Theorema 12. Pro-
 positio 19.

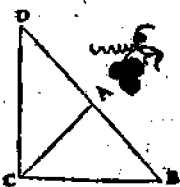
Omnis triāguli maior an-
 gulus maiori lateri subte-
 ditur.



¹⁹
 Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραί, τῆς λοιπῆς μεί-
 ζονές εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνόμεναι.

Theorema 13. Pro-
 positio 20.

Omnis trianguli duo la-
 tera reliquo sunt maiora,
 quomocunque assum-
 pta.



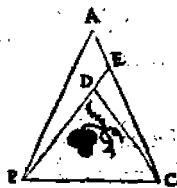
D iiij

κα

Εἰ αὖ τρίγωνον ἐπὶ μιᾷ τῇ πλευρῶν ἀπὸ τῆς πε-
 ράτων δύο εὐθείαι ἐντὸς συσταθῶσιν, αἱ συσταθείσαι,
 τῇ λοιπῇ τῇ τρίγωνον δύο πλευρῶν ἐλάττωες μὲν
 εἰσονται, μείζονα δὲ γωνίας ἀφείξουσιν.

Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli uno late-
 re ab extremitatibus duæ
 rectæ lineæ interiori consti-
 tutæ fuerint, hæ constitu-
 tæ reliquis trianguli duo-
 bus lateribus minores qui-
 dem erunt, maiorem verò angulum conti-
 nebunt.

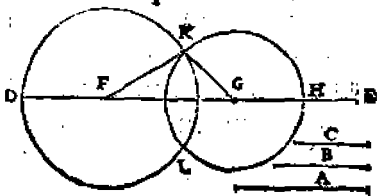


κβ

Εἰ κ τρίγων ἐὺ γωνίαν, αἱ εἰσὶν ἴσαι πρὸς ταῖς δοθείαις
 εὐθείαις, τρίγωνον συστήσασθαι. Δεῖ δὲ τὰς δύο τῆς
 λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβανομέ-
 νας, ἀλλ' τὸ καὶ παντὸς τριγώνου τὰς δύο πλευρὰς,
 τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβανο-
 μέναις.

Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus re-
 ctis lineis, quæ
 sunt trib' da-
 tis rectis li-
 neis æquales,



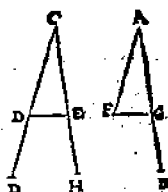
triangulum constituere. Oportet autem duas reliqua esse maiores, omnifariam sumptas: quoniam vniuscuiusque trianguli duo latera omnifariam sumpta, reliquo sunt maiora.

κ γ

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ ἴσῳ γωνίαν εὐθύγραμμον συστήσασθαι.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectam lineam datumque in ea punctum, dato angulo rectilineo equalem angulum rectilineum constituere.

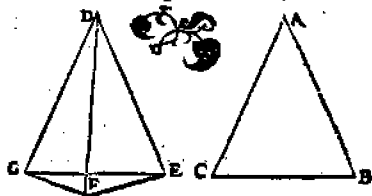


κ δ

Εἰ ἀν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τὰς δυο πλευρὰς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ἂν πρὸς τῇ ἴσῳ εὐθεῖαν περιεχόμενῳ, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo tri-
gula duo
latera duo-
bus lateri-
bus æqua-



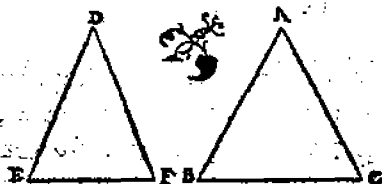
lia habuerint, vtrunque vtrique, angulum verò angulo maiorem sub æqualibus rectis lineis contentum : & basin basi maiorem habebunt.

κς

Εὰν δύο τρίγωνα ἔασι δύο πλευραὶ ταῖς δυοὶ πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρω, τὴν βάσιν δὲ τῆς βάσεως μείζονα ἔχῃ : καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔξῃ, τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων ἐνθεν ὁμοεχούμεν.

* Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habuerint, vtrunque vtrique, basin verò basi maiorem : & angulum sub æqualibus rectis lineis contentum angulo maiorem habebunt.



κς

Εὰν δύο τρίγωνα ἔασι δύο γωνίαι ταῖς δυοὶ γωνίαις ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρω, καὶ μία πλευρὰ μιᾷ πλευρᾷ ἴσῃ, ἥτοι τὴν πρὸς ταῖς ἴσας γωνίας, ἢ ὑπολείνουσαν ὑπὸ μιᾷ τῶν ἴσων γωνιῶν : καὶ ἔασι λοιπὰς πλευραὶ ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας

ἑξά, ἑκατέραι ἑκατέρα, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ
λοιπῇ γωνίᾳ

Theorema 17. Propositio 26.

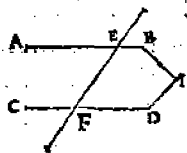
Si duo triangula duos angulos duobus angulis æquales habuerint, vtrunque vtrique, vnũque latus vni lateri æquale, siue quod æqualibus adiacet angulis, seu quod vni æqualium angulorum subtenditur: & reliqua latera reliquis lateribus æqualia, vtrunque vtrique, & reliquum angulum reliquo angulo æqualem habebunt.



Εάν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐναλ-
λάξ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, αἱ ὁμόλογοι ἐ-
σονται ἀλλήλαις αἰ εὐθεῖαι.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea alternatim angulos æquales inter se fecerit: parallelæ erunt inter se illæ rectæ lineæ.



κγ

Ε' αὖ εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέπουσα, πῶς ὀπίσθεν γωνίαν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη ἴσων ποιῇ, ἢ ὅτις ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιῇ, ὡς ὁμοῦ ἴσονται ἀλλήλων αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea, externum angulum interno, & opposito, & ad easdem partes æqualem fecerit, aut internos & ad easdem partes duobus rectis æquales, parallelæ erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

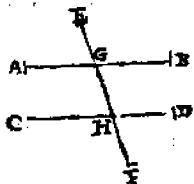


κδ

Ἡ' εἰς ὅτις ὁμοῦ εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέπουσα, ὅτις τε ὁμοῦ γωνίας ἴσας ἀλλήλους ποιεῖ, καὶ πῶς ὀπίσθεν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη ἴσων, καὶ ὅτις ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas lineas recta incidens linea, & alternatim angulos inter se æquales efficit, & externum interno, & oppo-



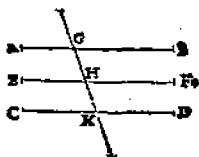
firo, & ad easdem partes æqualem, & inter-
nos & ad easdem partes duobus rectis æ-
quales facit.

λ

Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ ὁρίσθησιν, ἢ ἀλλήλων εἰς
ὁρίσθησιν.

Theorema 21. Pro-
positio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ
parallelæ, & inter se sunt
parallelæ.

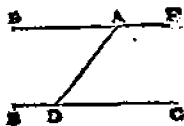


λα

Ἀπὸ τῆς δοθείσης σημείου, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ὁρίσθησιν
ἄλλησαν εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 10. Pro-
positio 31.

A dato puncto, datæ rectæ
lineæ parallelam rectam
lineam ducere.



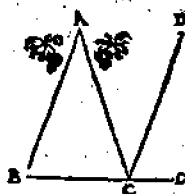
λβ

Παρὰ τὸς τριγώνου μιᾶς τῶν πλευρῶν παρασκευά-
σεισ, ἢ ἑκτὸς γωνία δυοὶ τὰς ἐντὸς, ἢ ἀπεναντίον
ἴση ὅσῃ. Καὶ αἱ ἐντὸς τῶν τριγώνου τρεῖς γωνίαι δυ-
οὶ ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltterius

producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.

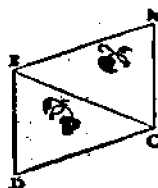


λγ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ ὁμοτέλειους ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη ὅτι ζυγνύσασιν εὐθεῖαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ ὁμοτέλειοί εἰσι.

Theorema 23. Propositio 33.

Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdem coniungunt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.



λδ

Τῶν ὁμοτέλειοι γεγραμμένων χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ: καὶ ἡ διάμετρος αὐτὰ διχα τέμνει.

Theorema 24. Propositio 34.

Parallelogrammorum spatiorum æqualia sunt inter se quæ ex aduerso, & latera & anguli: atque illa bi-



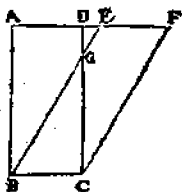
fariam secat diameter.

λε

Τὰ ὁμοειρηλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειρήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 25. Pro-
positio 35.

Parallelogramma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

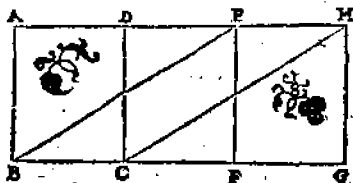


λς

Τὰ ὁμοειρηλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς ἴσας βάσεων ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειρήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super æqualibus basibus, & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

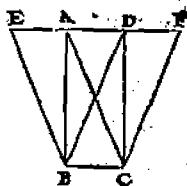


λζ

Τὰ τρίγωνα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειρήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 27. Pro-
positio 37.

Triangula super eadē ba-
fi constituta, & in eisdem
parallelis, inter se sunt æ-
qualia.

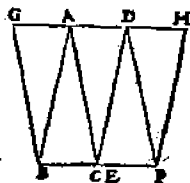


λη

Τὰ τρίγωνα τὰ ὅτι τῶν ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς ὁμοτέλλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

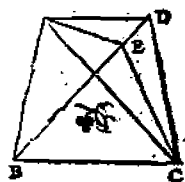


λθ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὅτι τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα,
καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοτέλλοις
εἰσὶ.

Theorema 29. Pro-
positio 39.

Triangula æqualia super
eadem basi, & ad easdem
partes cōstituta: & in eif-
dem sunt parallelis.

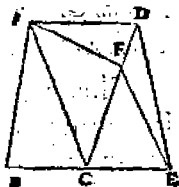


μ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὅτι τῶν ἴσων βάσεων ὄντα καὶ
ὅτι

ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοῤῥητοις
ἔσονται.

Theor. 30. Propo. 40.
Triangula æqualia super
æqualibus basibus & ad
eandem partes constituta,
& in eisdē sunt parallelis.



μα

Εὰν ὁμοῤῥητόγραμμον τρίγωνον βάσει τε ἔχη
τὴν αὐτὴν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοῤῥητοις ᾗ, δι-
πλάσιον ἔσται τὸ ὁμοῤῥητόγραμμον τῷ τριγώνῳ.

Theor. 31. Propo. 41.
Si parallelogrammum cū
triangulo eandē basin ha-
buerit, in eisdēque fue-
rit parallelis, duplum erit
parallelogrammum ipsius
trianguli.

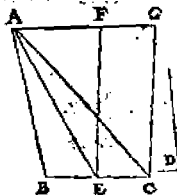


μβ

Τὸ δοθέν τρίγωνον ἴσον ὁμοῤῥητόγραμμον συ-
στήσεται, ἐν τῇ δοθείσῃ ὀρθογώνιᾳ.

Problema 11. Pro-
positio 42.

Dato triángulo æquale pa-
rallelogrammum consti-
tuere in dato ángulo recti-
lineo.



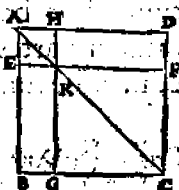
E

μ γ

Παρὸς τῷ ὁρθογώνῳ, τῶν αὖτε τῷ ὁρθογώνῳ
 τῶν ὁρθογώνων (α) αὐτοὶ πληροῦνται,
 ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 32. Propo. 43.

In omni parallelogramo,
 complementa eorum quæ
 circa diametrum sunt pa-
 rallelogrammorum, inter
 se sunt æqualia.

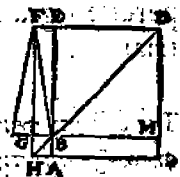


μ δ

Παρά τῷ δοθέντι ὁρθογώνῳ
 τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον πα-
 ραλληλόγραμμον ὁρθογών-
 ον ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ὁρθο-
 γώνῳ.

Proble. 12. Propo. 44.

Ad datam rectam lineam,
 dato triangulo æquale pa-
 rallelogrammum applica-
 re in dato angulo rectili-
 neo.

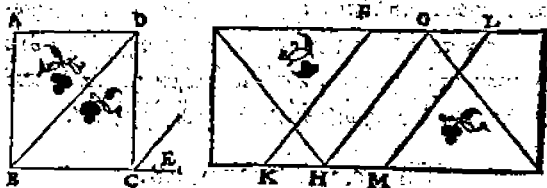


μ ε

Τῷ δοθέντι ὁρθογώνῳ ἴσον ὁρθογώνῳ
 συντάσσεται ἐν τῇ δοθείσῃ ὁρθογώνῳ γωνί-
 νῳ.

Proble. 13. Propo. 45.

Dato rectilineo equale parallelogrammum
constituere in dato angulo rectilineo.



^{μτ}
Από τῆς δοθείσης ὠθείας τετράγωνον ἀναγρά-
ψαι.

Probl. 14. Propo. 46.

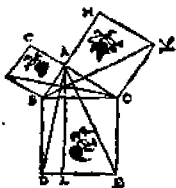
A data recta linea quadra-
tum describere.



^{μζ}
Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθῇ
γωνίᾳ ὑποτενύσεως πλευρᾷ τετράγωνον, ἴσον ὅτι
τοῖς ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθῇ γωνίᾳ ὑποτενύσεως πλευ-
ρῶν τετράγωνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,
quadratum quod à latere
rectum angulum subten-
dente describitur, æqua-
le est eis, quæ à lateribus



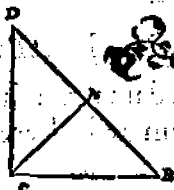
E ij

rectum angulum continentibus describuntur, quadratis.

Εάν τριγώνου τὸ ὑπὸ μιᾶς τῆς πλευρῶν τετράγωνον ἴσῃ ἢ τοῖς ὑπὸ τῆς λοιπῶν τῶ τριγώνου δύο πλευρῶν τετράγωνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς λοιπῶν ἑ τριγώνου δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστίν.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab uno laterum trianguli describitur, æquale sit eis, quæ à reliquis triaguli lateribus describuntur, quadratis: angulus comprehensus sub reliquis duobus triaguli lateribus, rectus est.



Finis Elementi primi.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM SECVNDVM.

Ο' ΡΟΙ.

Π ἌΝ ὁρθογώνιον ὀρθογώνιον, ὡς
 χεῖται λέγεται ὑπὸ δύο τῶν πρὸς ὀρθῶν
 γωνίαι ὡς ἔχειν εὐθειῶν.

DEFINITIONES.

Omne parallelogrammū rectangulum cō-
 tineri dicitur sub rectis duabus lineis, quæ
 rectum comprehendunt angulum.

Παρὸς δὲ ὁρθογώνιου ὀρθογώνιον, τῶν πε-
 ρὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ ὡς ἔχειν εὐθειῶν

E iij

ἀποιοῦναι (μὲ τοῖς δυοῖν ὡς πληρώματι, γινώσκοντες ὅτι ἡ ἀπόδειξις ἐστὶν ἀληθὴς.

2

In omni parallelogrammo spatio, unum quodlibet eorum quæ circa diametrum illius sunt parallelogrammorum, cū duobus cōplemētis, Gnomο vocetur.

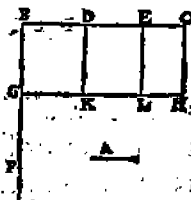


Πρότασις α.

Ἐὰν ὡς δύο εὐθεῖαι, τμηθῇ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα διηγοῦναι τμήματα, τὸ πλεονέκον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῆς δύο εὐθειῶν, ἴσον ὅτι τοῖς ὑπὸ τῆς ἀτμήτου ἢ ἑκάστου τῶν τμημάτων πλεονέκον ὀρθογώνιοις.

Theor. 1. Prop. 1.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque ipsarum altera in quocunque segmenta: rectangulū comprehensum sub illis duabus rectis lineis, æquale est eis rectāgulis, quæ sub infecta & quolibet segmentorum comprehenduntur.



β

Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔστιν, τὰ ὑπὸ τῆς

ὅλης ἔχει τὸ τμήμα των ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου, ἴσον ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου.

Theor. 2. Propo. 2.

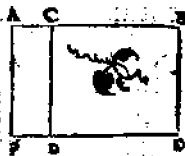
Si recta linea secta sit ut-
cunque, rectāgula quę sub
tota & quolibet segmen-
torum comprehendūtur,
æqualia sunt ei, quod à to-
ta fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ὡς ἔτυχ' ἐκτμηθῇ, τὸ ὑπὸ τῆς
ὅλης ἔως εἰς τῆς τμήμα των ἀπὸ τῆς ὅλης ὀρθογώ-
νιον, ἴσον ὅτι τὸ τε ὑπὸ τῆς τμήμα των ἀπὸ τῆς ὅλης
ὀρθογώνιου, ἔως τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea secta sit utcunque, rectangu-
lum sub tota & vno segmentorum compre-
hensum, æquale est & illi,
quod sub segmentis com-
prehenditur, rectangulo,
& illi, quod à prædicto se-
gmento describitur, qua-
drato.

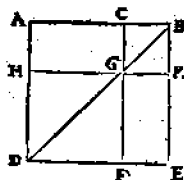


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἐκτμηθῇ ὡς ἔτυχ', τὸ ἀπὸ τῆς
ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἔσται τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμη-

μάπαν τετραγώνois, & τῷ δις ὑπὸ τῆς τμήματων
περιχομένου ὀρθογωνίῳ.

Theor. 4. Propo. 4;

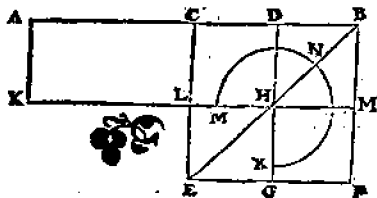
Si recta linea secta sit utcūque: quadratum,
quod à tota describitur, &
quale est & illis quæ à seg-
mentis describuntur qua-
dratis, & ei, quod bis sub
segmentis comprehendi-
tur, rectangulo.



Εὰν εὐθεΐα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα & ἀίσια, τὸ ὑπὸ
τῆς αἰσίτου τῆς ὅλης τμήματων περιχομένου ὀρ-
θωνίον, μετὰ τῷ ὑπὸ τῆς μεταξὺ τῆς τομῆς τε-
τραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τετρα-
γώνῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

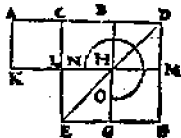
Si recta linea secetur in æqualia & nō æqua-
lia: rectangulum sub inæqualibus segmen-
tis totius comprehensum vnà cum quadra-
to, quid ab
intermedia
sectionum,
æquale est
ei quod à di-
midia de-
scribitur, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προστεθῇ δέ τις αὐτῇ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας, ὀρθογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ προσκείμενῃ, καὶ τῆς προσκείμενης περιεχομένον ὀρθογώνιον, μετὰ δ' ὑπὸ τῇ ἡμισείας τε βραχύνῃ, ἴσον ὅστι τῷ ὑπὸ τῆς συνκείμενης ἐκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκείμενης, ὡς ὑπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τε βραχύνῃ.

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta quædam linea in rectum adiciatur, rectangulum comprehensum sub tota cum adiecta & adiecta, simul cum quadrato à dimidia, æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab vna descripto.

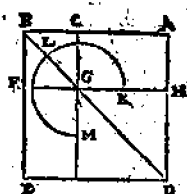


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔπαιχε, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' εἰδὸς τῆς τμημάτων, τὰ (ὡς ἀμφότερα) τε βράχυνα ἴσα ὅστι τῷ τε δις ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ εἰρημένου τμήματος περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τῷ ὑπὸ τῷ λοιποῦ τμήματος τε βραχύνῃ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si recta linea secetur vtcunque : quod à

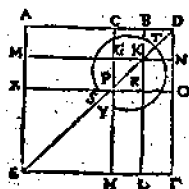
tota, quódque ab vno segmentorum, vtraque simul quadrata, æqualia sunt & illi, quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à reliquo segmento fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχῃ, τὸ τε βᾶκιν ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ εἰς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ὑπὸ τῷ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ᾖ τῷ τε ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματος, ὡς ὑπὸ μιᾶς ἀναγραφῆται τετραγώνῳ.

Theor. 8. Propo. 8.

Si recta linea secetur vtcunque : rectangulum quater comprehensum sub tota & vno segmentorum, cum eo, quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei, quod à tota & dicto segmento, tanquam ab vna linea describitur, quadrato.

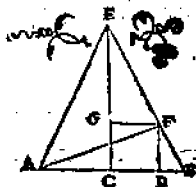


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀίτια, τὸ

Διὰ τῶν αἰσίων τῆς ὅλης τμημάτων τετράγωνα,
διπλασιάσθαι τὸ τε διὰ τῆς ἑμισείας, καὶ τὸ διὰ
τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν τετράγωνον.

Theor. 9. Propo. 9.

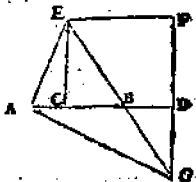
Si recta linea secetur in æqualia & non æ-
qualia : quadrata quæ ab inæqualibus to-
tius segmentis fiunt, du-
plicia sunt & eius quod à
dimidia, & eius quod ab
intermedia sectionum fit,
quadratorum.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, ὡς ἐστὶν δὲ πρὸς
αὐτῇ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας, τὸ διὰ τῆς ὅλης (ὡς τῇ
ὡροσκληρόν) καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ὡροσκληρόντος (ὡς ὡροσ-
κλήρον) τετράγωνα, διπλασιάσθαι τὸ τε ἀπὸ τῆς
ἑμισείας, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ὡροσκληρόντος ἕκαστε τῆς ἡμι-
σειας καὶ τῆς ὡροσκληρόντος, ὥς διὰ μιᾶς ἀναγρ-
φέντος τετράγωνον.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiiciatur au-
tem ei in rectum quæpiam
recta linea : quod à tota cū
adiuncta, & quod ab ad-
iuncta, vtraque simul qua-
drata, duplicia sunt & e-



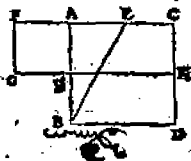
ius quod à dimidia, & eius quod à compo-
sita ex dimidia & adiuncta, tāquam ab vna
descriptum sit, quadratorum.

1α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥστε τὸ ὑπὸ τ' ὅλης
καὶ τῆς ἐτέρου τῆς τμημάτων πειλεχόμενον ὀρθογώ-
νιον ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ τῆς λοιπῆς τμήματος τετρα-
γώνῳ.

Probl. 1. Propo. 11.

Datam rectam lineam se-
care, vt comprehensum
sub tota & altero segmen-
torum rectangulum, æ-
quale sit ei, quod à reli-
quo segmento fit, qua-
drato.

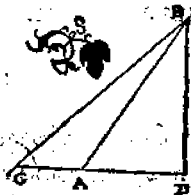


1β

Εν τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ὑπὸ τ' τῆς ἀμ-
βλείας γωνίας ὑπολειπούσης πλευρᾶς τετραγώ-
νον, μείζον ἐστὶ τῆς ὑπὸ τῆς τῆς ἀμβλείας πει-
λεχουσῶν πλευρῶν, τετραγώνου, τῷ πειλεχόμενῳ
δις ὑπὸ τε μιᾶς τῆς πειλεχόμενης ἀμβλείας γωνίας,
ἐφ' ἧς ἐκβληθεῖσαι ἡ καθετος πίπτῃ, καὶ τῆς ὑπο-
λειπομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῆς καθετῆς πρὸς τῇ
ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Theor. 11. Propo. 12.

In amblygoniis triángulis, quadratum quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cùm protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriori lineâ sub perpendiculari prope angulum obtusum.

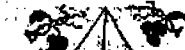


Εἰν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς τῷ ὀξείᾳ γωνίᾳ ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἔλαττον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν πρὸς τῷ ὀξείᾳ γωνίᾳ περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸ τοῦ ἡμῶς ποῦ πρὸς τῷ ὀξείᾳ γωνίᾳ, ἐφ' ᾧ ἡ καθέτος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐν τῷ ὑπὸ τῆς καθέτου πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

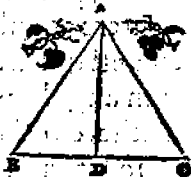
Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum an-

gulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum, quæ sunt circa acutum angulū, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interiori linea sub perpendiculari prope acutum angulum.



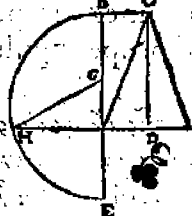
The diagram shows a triangle with vertices labeled A, B, and C. Vertex A is at the top, B is at the bottom left, and C is at the bottom right. A vertical line segment AD is drawn from vertex A to the base BC, where D is the point of intersection. This line AD represents the perpendicular height from the top vertex to the base.



Τὸ δοθέν ἐντεταγμένον ἴσον
τεταγμένον συστήσασθαι.

Probl. 2. Propo. 14.

- Dato rectilineo æquale
quadratum constituere.



Elementi secundi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM. TERTIVM.

ΟΡΟΙ.

ΙΣΟΙ κύκλοι εἰσιν, ὅταν αἱ διαμέτροι εἰσιν ἴσαι· ἢ
ὅταν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσιν.

DEFINITIONES.

I

Æquales circuli sunt, quorū diametri sunt

æquales,

vel quo-

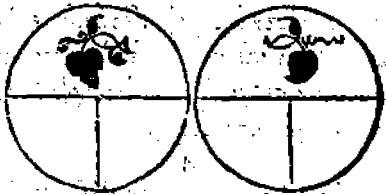
rum que

ex cætris

rectæ li-

neæ sunt

æquales.

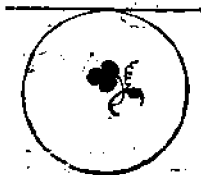


β

Εὐθεῖα κύκλου ἐφάπτεσθαι λέγεται, ἥτις ἀπὸ
μέρης τοῦ κύκλου, καὶ ἐκβαλλομένη, ἔτεμνῃ τὸν κύ-
κλον.

2

Recta linea circulum tan-
gere dicitur, quæ cūm cir-
culum tangat, si produca-
tur, circulum non secat.



γ

Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἵτινες ἀπὸ-
μόροι ἀλλήλων, ἔτεμνυσιν ἀλλήλους.

3

Circuli sese
mutuò tāge-
re dicuntur:
qui sese mu-
tuo tangētes,
sese mutuò non secant.



δ

Εἰνὶ κύκλῳ ἴσον ἀπέχην τὸ κέντρον εὐθεῖαι λέγονται,
ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐτὰς χέθῃτοί ἀγ-
όμεναι ἴσαι ᾧσι· μείζον δὲ ἀπέχην λέγεται, ἐφ' ἧς
ἢ μείζον χέθῃτος πλείη.

4

In circulo æqualiter distare à centro re-
ctæ lineæ dicuntur, cūm perpendicula-
res

res, quæ à
centro in
ipsas ducū-
tur, sunt æ-
quales. Ló-
gius autem

abesse illa dicitur, in quam maior perpendi-
cularis cadit.



^ε
Τμήμα κύκλου, ἐστὶ τὸ περιεχόμενον ὑπὸ π
τε ὠθείας, καὶ κύκλου περιφερείας.

^ς
Segmentum circuli, est fi-
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com-
prehenditur.



^ς
Τμήματος δὲ γωνία ἐστὶν, ἢ περιεχόμενη ὑπὸ π
ὠθείας, καὶ κύκλου περιφερείας.

⁶
Segmenti autem angulus est, qui sub recta
linea & circuli peripheria comprehendi-
tur.

^ζ
Εἰν τμήματι δὲ γωνία ἐστὶν, ὅταν ὅππῃ τῆς περιφε-
ρείας τοῦ τμήματος ληφθῇ τι σημεῖον, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
ὅππῃ τῶν πέρατα τῆς ὠθείας, ἢ ἐστὶ βάσις τοῦ τμή-
ματος.

ματος, ἐπιζευχθῶσιν εὐθεῖαι, ἢ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς ἐπιζευχθῶσιν εὐθεῶν.

7

In segmento autem angulus est, cū in segmento peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.

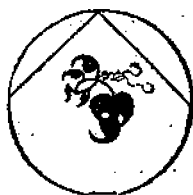


8

Ὅταν δὲ αἱ περιέχουσαι τινὲ γωνίαν εὐθεῖαι ἀπολαμβάνωσι πινὰ περιφέραν, ἐπ' ὁκείνης λέγεται βεβηκέναι ἢ γωνία.

8

Cū verò comprehendētes angulum rectæ lineæ aliquā assumunt peripheriam, illi angulus insistere dicitur.

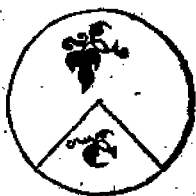


θ

Τομεῖς δὲ κύκλῳ ὅτῃν, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ ὁ κύκλῳ σταθῇ ἡ γωνία, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς τινὲ γωνίας περιεχουσῶν εὐθεῶν, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφέρειας.

9

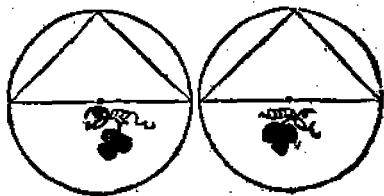
Sector autem circuli est, cū ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ἐστὶ, τὰ διχοδοῦν γωνίας ἴσας· ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales: aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



Προτάσις.

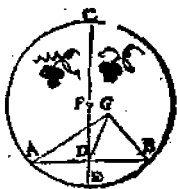
α

Τὸ διδόντος κύκλου τὸ κέντρον εὐρεῖν.

Probl. I. Prop. I.

Dati circuli centrum reperire.

F ij



β

Εὰν κύκλῳ ὅπῃ τῆς περιφερείας ληφθῇ δύο τυχαία σημεῖα, ἢ ὅπῃ αὐτὰ σημεῖα ὅπῃ ζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐντὸς πεσῇται τῷ κύκλῳ.

Theor. 1. Propo. 2.

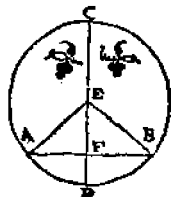
Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circulum cadet.



Εὰν ἐν κύκλῳ εὐθεῖα πῃ διὰ τοῦ κέντρου, εὐθείαι πῃ μὴ διὰ τοῦ κέντρου διχατέμνη, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐτῶν τεμνῇ. καὶ ἐὰν πρὸς ὀρθὰς αὐτῶν τεμνῇ, καὶ διχα αὐτῶν τεμνῇ.

Theor. 2. Propo. 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandā non per centrum extensam bifariam secet : & ad angulos rectos ipsam secabit. Et si ad angulos rectos eā secet, bifariam quoque eam secabit,



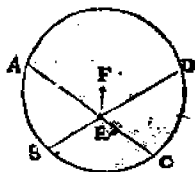
δ

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ

Διὰ τὸ ἕν κέντρον οὐσαι, ὅτε τέμνουσιν ἀλλήλας θίχα.

Theor. 3. Propo. 4.

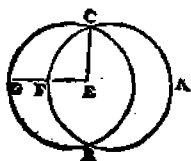
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant nō per centrum extensæ, sese mutuò bifariam nō secabunt.



Εὰν δύο κύκλοι τέμναισθαι ἀλλήλοις, ὅτε ἕξαι αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 4. Propo. 5.

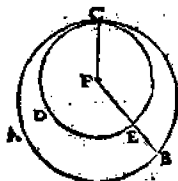
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων ἐντὸς, ὅτε ἕξαι αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 5. Propo. 6.

Si duo circuli sese mutuò interius tangant, eorum non erit idem centrum.



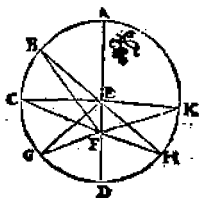
Εὰν κύκλος ὅτι τῆς ἀφ' ἑμέτερας ληφθῇ πὶ σημείον, ὃ μὴ ὅτι κέντρον ἔστω κύκλου, ἀπὸ δὲ ἑσσημείον πρὸς αὐτὸν

F ii j

πῶσιν εὐθεῖαι πινες πρὸς τὸν κύκλον· μέγιστη μὲν ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη δὲ ἡ λοιπή· τῆς δ' ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγίον τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς ἀπώτερον μέζων ἔστί. Δύο δὲ μόνον εὐθεῖαι ἴσαι ἀπὸ ὧν αὐτῶν σημεία παρὰ τοῦ κύκλου, ἐφ' ἑκάστης τῆς ἐλαχίστης.

Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur punctum, quod circuli centrum non sit, ab eoque puncto in circulum quædam rectæ lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua centrum, minima verò reliquæ: aliarum vero propinquior illi quæ per centrum ducitur, remotiore semper maior est. Duæ autem solùm rectæ lineæ æquales ab eodẽ puncto in circulum cadunt, ad utrasque partes minimæ.



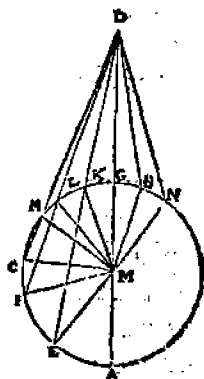
Ἐὰν κύκλος ληφθῇ πῖ σημείον ὅκ τὸς, ἀπὸ δὲ τῶ σημείου πρὸς τὸν κύκλον ἀγὰ χθῶσιν εὐθεῖαι πινες, ὧν μία μὲν ἀγὰ τὸ κέντρον, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἔτυχῃ· τῆς μὲν πρὸς τῷ κοίλῳ περιφέρειᾳ παρὰ τοῦ κύκλου εὐθείᾳ, μέγιστη μὲν ἡ ἀγὰ τὸ κέντρον, τῆς δὲ ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγίον τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μέ-

ζών ἔσται. τὸ δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν περιφέρειαν ὁποσοῦν πεπλησίων εὐθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ἔστιν ἢ μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς ἀφ' αὐτῆς. τῆς δὲ ἄλλων αἰεὶ ἢ ἕξιοι τῆς ἐλαχίστης, τῆς ἀπὸ τῆς ἑστῆς ἐλάττω. Δύο δὲ μόνον εὐθεῖαι ἴσαι περιεπιπλοῦνται ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulum sumatur punctum quoddam, ab eoque puncto ad circulum deducantur rectæ quædam lineæ, quarum una quidem per centrum protendatur, reliquæ verò ut libet: in concavam peripheriam cadentium rectarum linearum maxima quidem est illa, quæ per centrum ducitur: aliarum autem propinquior ei, quæ per centrum transit, remotiore semper maior est.

In convexam verò peripheriam cadentium rectarum linearum, minima quidem est illa, quæ inter punctum & diametrum interponitur: aliarum autem, ea quæ propinquior est minimæ, remotiore semper minor est. Dux autem tantum rectæ lineæ æquales ab eo



F iiij

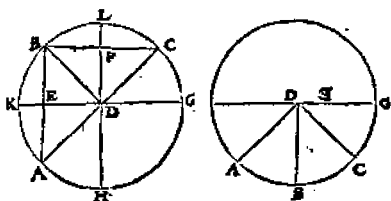
puncto in ipsum circulum cadūt, ad vtraq;
partes minimæ.

θ

Εὰν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ δὲ τῶ ση-
μεῖος πρὸς τὸν κύκλον παραπίπτωσι πλείους ἢ δύο
εὐθεῖαι ἴσαι, τὸ ληφθεὶν σημεῖον, κέντρον ἐστὶ τῷ
κύκλῳ.

Theor. 8. Propo. 9.

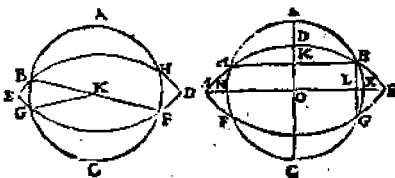
Si in circulo acceptum fuerit punctum ali-
quod, & ab eo puncto ad circulum cadant
plures quàm
duæ rectæ li-
neæ æquales,
acceptū pū-
ctum centrū
ipsius est cir-
culi.



Κύκλος οὐ τέμνῃ κύκλον ἢ πλείονα σημεῖα, ἢ
δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus
circulum
in plurib⁹
quàm duo
bus pūctis
non secat.

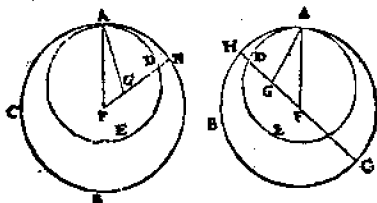


1α

Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπωνται ἀλλήλων ἐντός, ἢ λε-
φθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ὅτι τὰ κέντρα αὐτῶν ὅτι-
ζευγυρῶν εὐθεῖα καὶ ἐκβαλλομένη, ὅτι πλὴν
ζυγαφίῳ πεσεῖται τῆς κύκλων

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atque
accepta fuerint eorum cētra, ad eorum cen-
tra adiun-
cta recta li-
nea & pro-
ducta, in
cōtactum
circularū
cadet.

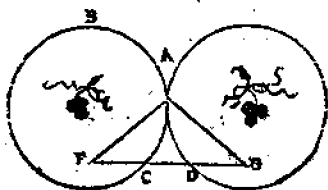


1β

Εὰν δύο κύκλοι ἀπώνται ἀλλήλων ἐκτός, ἢ ὅτι
τὰ κέντρα αὐτῶν ὅτι ζευγυρῶν, διὰ τῆς ἐπαφῆς
ἐλεύσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea
recta quæ ad
cētra eorum
adiungitur,
per contactū
illum tran-
sibit.

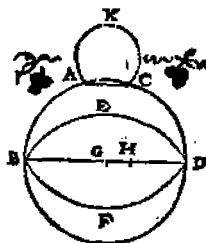


17

Κύκλος κύκλῳ οὐκ ἐφάπτεται πλείονα σημεία ἢ
 κατ' ἓν, εἰάν τε ἐντὸς εἰάν τε ἔκτὸς ἐφάπληται.

Theor. 12. Propo. 13.

Circulus circulum non
 tangit in pluribus pun-
 ctis, quàm uno, siue in-
 tus siue extra tangat.

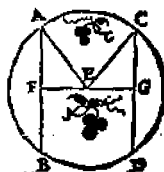


18

Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ
 κέντρου. καὶ αἱ ἴσον ἀπέχουσαι ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσίν.

Theor. 13. Propo. 14.

In circulo æquales rectæ
 lineæ æqualiter distant à
 centro. Et quæ æqualiter
 distant à centro, æquales
 sunt inter se.

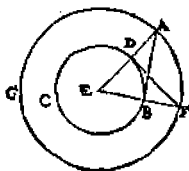


19

Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ὅστις ἡ διὰ μέτρος, τοῦ δὲ
 ἄλλων αἰεὶ ἢ ἐλάττω ἢ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μέζων
 ὅστις.

Proble. 2. Propo. 17.

A dato puncto rectam lineam ducere, quæ datum tangat circulum.

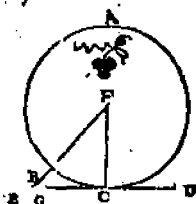


17

Εὰν κύκλου ἐφάπτηταί τις εὐθεΐα, ἀπὸ δὲ τῆς κέντρος ἔπι τὴν ἀφ' αὐτῆς ἔπιζευχθῇ τις εὐθεΐα, ἡ ἔπιζευχθεῖσα χείματος ἔσται ἔπι τὴν ἀπὸ τοῦ κύκλου.

Theor. 16. Propo. 18.

Si circulū tāgat recta quæpiam linea, à centro autem ad contactum adiungatur recta quædam linea: quæ adiuncta fuerit, ad ipsam contingentem perpendicularis erit.



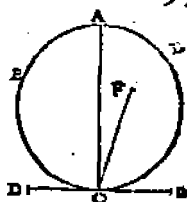
18

Εὰν κύκλος ἐφάπτηταί τις εὐθεΐα, ἀπὸ δὲ ἀφ' ἧς τῇ ἐφαπτομένη τῶς ὀρθῆς γωνίας εὐθεΐα γραμμὴ ἀχθῇ, ἔπι τῆς ἀχθείσης ἔσται τὸ κέντρον τοῦ κύκλου.

Theor. 17. Propo. 19.

Si circulum tetigerit recta quæpiam linea, à

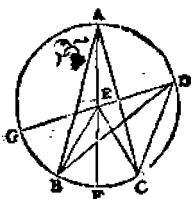
contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangenti excitetur, in excitata erit centrum circuli.



κ
 Ἐν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίον ὅτι ἡ πρὸς τῇ περιφερίᾳ, ὅταν τὴν αὐτὴν περιφέρειαν βάσιν ἔχουσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Propo. 20.

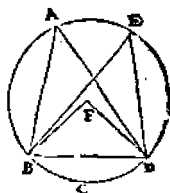
In circulo angulus ad centrum duplex est anguli ad peripheriam. cum fuerit eadē peripheria basis angulorum.



$\kappa \alpha$
 Ἐν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

Theor. 19. Propo. 21.

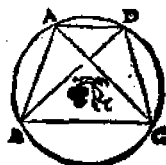
In circulo, qui in eodem segmento sunt anguli, sunt inter se æquales.



$\kappa \beta$
 Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον γωνίαι, δυοὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theor. 20. Propo. 22.

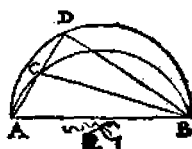
Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.



$\kappa \gamma$
 Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια κ ἀΐστα ἔσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη.

Theor. 21. Propo. 23.

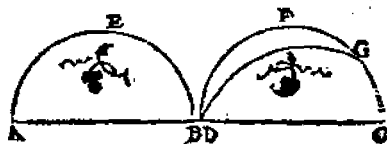
Super eadem recta linea, duo segmenta circulum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.



$\kappa \delta$
 Τὰ ὅτι ἴσων εὐθειῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἄλλήλοις εἰσὶ.

Theor. 22. Propo. 24.

Super æqualib⁹ rectis lineis similia circulum segmenta



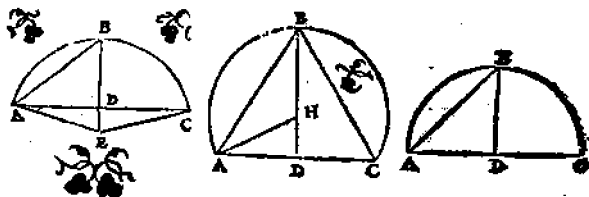
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, περισάσθαι τὸν κύκλον, ὅπως ὅτι τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circulum, cuius est segmentum.

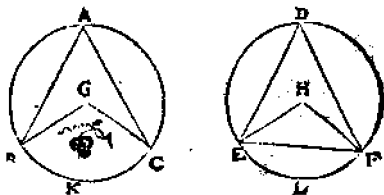


κγ

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ἴσαι γωνίαι ὅπῃ ἴσων περιφερειῶν βεβήκασιν, εἰ καὶ τὰς κέντροις, εἰ καὶ τὰς περιφερείαις ὥσι βεβήκῃαι.

Theor. 23. Propo. 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqualibus peripheriis insistant siue ad centra, siue ad peripherias constituti insistant.

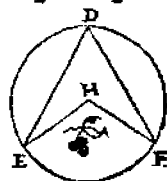


κζ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὅπῃ ἴσων περιφερῶν βε-
βρυῖται γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν, εἰάντε πρὸς
τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς ταῖς περιφρείαις ὥσι βε-
βρυῖται.

Theor. 24. Propo. 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æquali-
bus peri-
pheriis in-
sistūt, sunt
inter se æ-
quales siue
ad centra,
siue ad peripherias constituti insistant.

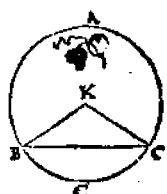
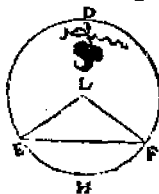


κη

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι ἐνθέαι ἴσας περιφε-
ρείας ἀφαρῶσι, τὴν μὲν μείζονα, τὴν μείζονι, τὴν δὲ
ἐλάττωνα, τὴν ἐλάττω.

Theor. 25. Propo. 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ
æquales pe-
ripherias
auferunt,
maio-
rem
quidē, ma-
jori, mino-
rem autem, minori.



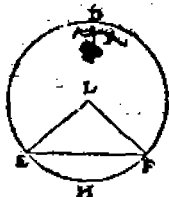
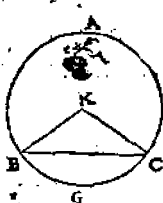
Εν

κθ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας περιφερείας ἴσαι εὐθεῖαι ἀπολείνθαι.

Theor. 26. Propo. 29.

In æqualibus circulis, æquales peripherias æquales rectæ lineæ subtendunt.

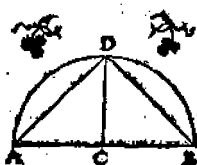


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν διχα τέμνειν.

Proble. 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bifariam secare.



λ α

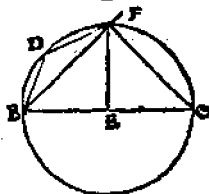
Εἰ κύκλῳ, ἢ μὲν ἐν τῷ ὑμικύκλιῳ γωνία ὀρθὴ ἔσται, ἢ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς, ἢ δὲ ἐν τῷ ἐλάττω, μείζων ὀρθῆς· καὶ ἐπὶ ἑκάστῳ μέρει τοῦ μείζονος τμήματος γωνία, μείζων ὅστιν ὀρθῆς, ἢ δὲ τοῦ ἐλάττωτος τμήματος γωνία, ἐλάττω ὅστιν ὀρθῆς.

Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, rectæ

G

ctus est qui autem in maiore segmento, minor recto : qui verò in minore segmento, maior est recto . Et insuper angulus maioris segmenti, recto quidem maior est minoris autem segmenti angulus, minor est recto.

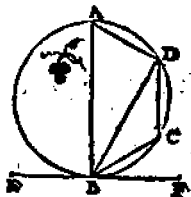


λβ

Εὰν κύκλος ἐφάπτηται πρὸς εὐθείᾳ, ἀπὸ δὲ τῆς ἀφ᾽ ἧς ἐπὶ τὸν κύκλον ἀγὰρθῇ πρὸς εὐθείᾳ τμήματα τὸν κύκλον : αὗτοι ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσας ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναντίας τῷ κύκλου τμήμασι γωνίαις.

Theor. 28. Propo. 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, à contactu autem producatu quædam recta linea circulum secans : anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt iis qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

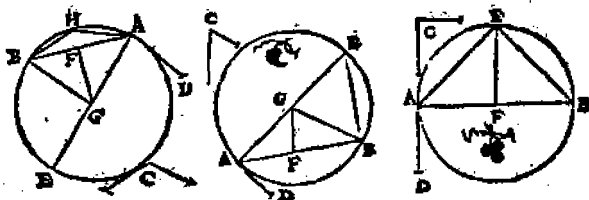


λγ

Ἐπὶ τῆς ἀφ᾽ ἧς εὐθείας ῥεάσται τμήματα κύκλου διχομήνου γωνίαι ἴσων τῇ ἀφ᾽ ἧς γωνία εὐρυγέμεται.

Proble. 5. Propo. 33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

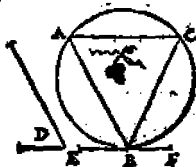


λδ

Απὸ τοῦ δοθέντος κύκλου τμήμα ἀφελῆν δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐνυπαείμεν.

Probl. 6. Propo. 34.

A dato circulo segmentū abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λε

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο ἐνθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ τῆς ἑτέρας τμημάτων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ.

Theor. 29. Propo. 35.

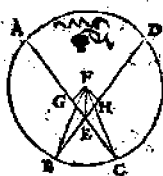
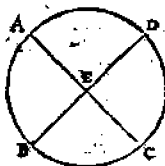
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

G ij

fecuerint, rectangulum comprehensum sub
segmentis

unius, æ-
quale est
ei, quod
sub segme-
tis alterius

comprehenditur, rectangulo.



λ γ

Εὰν κύκλου ληθῇ πῖ σημεῖον ἔκτος, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
πρὸς τὸν κύκλον παραστήσῃσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπτεται· ἔσται τὸ
ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνύσης, καὶ τῆς ἔκτος ἀπολαμβανο-
μένης μεταξύ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφε-
ρείας, περιέχοντι ὀρθώγωνιον, ἴσον πρὸς τὸ τῆς ἐ-
φαπτομένης τετραγώνου.

Theor. 30. Propo. 36.

Si extra circulum sumatur punctum aliquod,
ab eoque in circulum cadant duæ rectæ li-
neæ, quarum altera quidem circulum secet;
altera verò tangat: quod sub tota secante, &
exterior inter punctum & conuexa per mi-
pheriā af-
sumpta co-
prehendi-
tur rectan-
gulum, æ-



quale erit ei, quod à tangente describitur,
quadrato.

λζ

Εὰν κύκλος ληφῇ ἢ τὶ σημεῖον ἐκ τῶς, ὅπο δὲ ἔσῃ
μεῖς πρὸς τὸν κύκλον περιπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, ἡ
ἢ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἢ δὲ περιπίπτῃ, ἢ
δὲ τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης τεμνύσης, ἢ τῆς ἐκ τῶς ὅπο
λαμβάνομενης μετὰ τὸ τε σημεῖον ἢ τῆς κυρτῆς
περιφέρειας, ἴσον πρὸς τὸν ὅπο τῆς περιπίπτουσης· ἢ
περιπίπτουσαι ἐφάπεται ἔκ κύκλος.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod,
ab eoque puncto in circulum cadāt duæ re-
ctæ lineæ, quarum altera circulum secet, al-
tera in eum incidat, sit autem quod sub to-
ta secante & exterius inter punctum & con-
vexam peripheriā assump-
pta, comprehenditur re-
ctángulum, æquale ei, quod
ab incidente describitur
quadrato: incidēs ipsa cir-
culum tanget.



Elementi tertii finis.

G. iij



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΤΕΤΑΡΤΟΝ.EVCLIDIS ELEMEN-
TVM QVARTVM.

Ο' ΡΟΛ

α

Σχήμα ὠθύγραμμον εἰς σχῆμα ὠθύγραμμον
ἐκφέρεται λέγεται, ὅταν ἐκείνη τῶν τῷ
ἐκφερομένου σχήματος γωνιῶν, ἐκείνης πλευρᾷ τῷ
εἰς ὃ ἐκφέρεται, ἀπλήται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cūm singuli eius figu-
ræ quæ inscribitur, anguli
singula latera eius, in qua



inscribitur, tangunt.

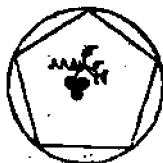
β

Σχήμα δὲ ὁμοίως πρὸς σχῆμα περιγράφεται λέ-
γεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς περιγραφομένης, ἐκά-
στης γωνίας τῆς πρὸς ὃ περιγράφεται, ἀπὸ τῆς.

2

Similiter & figura circum figuram describi
dicitur, quum singula eius quæ circumscri-
bitur, latera singulos eius figuræ angulos
tetigerint,

circum
quam illa
describi-
tur.



γ

Σχήμα δὲ ὡς ὁ γράμμιον εἰς κύκλον ἐκτεταταὶ
λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τῆς ἐκτετατομένης ἀπὸ τῆς
τῆς τῆς κύκλου περιφέρειας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur,
quum singuli eius figuræ quæ inscribitur,
anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχήμα δὲ ὡς ὁ γράμμιον πρὸς κύκλον περιγράφε-
ται λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς τῆς κύκλου
περιφέρειας, τῆς περιγραφομένης ἐφ' ἀπὸ τῆς.

G iiii

4

Figura verò rectilinea circa circulū describi dicitur, quum singula latera eius, quę circum scribitur, circuli peripheriā tangunt.

Κύκλος δὲ ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγραφεῖσθαι, ὅταν ἢ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκείνης πλευρᾷ τῷ εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆται.

5.

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figurę, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος δὲ πρὸς σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἢ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκείνης γωνίας τῷ πρὸς ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autē circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figurę, quam circumscribit, angulos.

η

Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν ᾗ πέρατα αὐτῆς ἐπὶ τῆς περιφέρειας ἢ τῷ κύκλῳ.

7

Recta linea in circulo accommodari seu

coaptari dicitur, quò eius
extrema in circuli peri-
pheria fuerint,



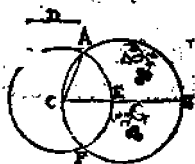
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ μὴ μεί-
ζονι οὐσὴ τῆς τοῦ κύκλου διαμέτρου, ἴσιν εὐθείαι
ἐναρμόσαι.

Probl. 1. Propo. 1.

In dato circulo, rectam li-
neam accommodare æqua-
lem datæ rectæ, lineæ, quæ
circuiti diametro non sit
maior.



β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσογώ-
γιον τρίγωνον ἐγγραφῆαι.

Probl. 2. Propo. 2.

In dato circulo, triangu-
lum describere dato tria-
gulo æquiangulum.

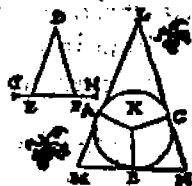


γ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσο-
γώνιον τρίγωνον περιγεράσθαι.

Probl. 3. Propo. 3.

Circa datum circulum triangulum describere dato triangulo æquiangulum.

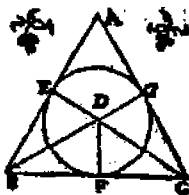


♪

Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐνθεῖν.

Probl. 4. Propo. 4.

In dato triangulo, circulum inscribere.

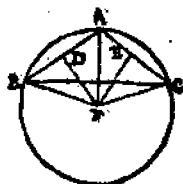
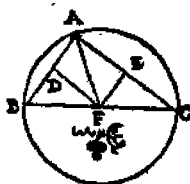


e

Περί τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγεῖν.

Probl. 5. Propo. 5.

Circa datum triangulum, circulum describere.

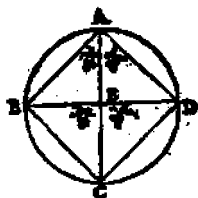


τ

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τὸ βέλτον ἐνθεῖν.

Probl. 6. Propo. 6.

In dato circulo, quadratū
describere.

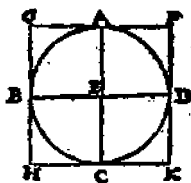


ζ

Περί τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον περιγράψαι.

Probl. 7. Propo. 7.]

Circa datū circulum, qua-
dratum describere.

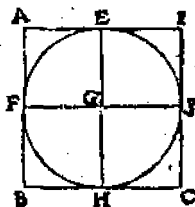


η

Εἰς τὸ δοθεὶ τετράγωνον, κύκλον ἐνθεῖναι.

Probl. 8. Propo. 8.

In dato quadrato, circulū
inſcribere.

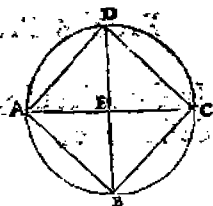


θ

Περί τὸ δοθεὶ τετράγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 9. Propo. 9.

Circa datum quadratum,
circulum describere.



Ισοσκελές τρίγωνον κατασκευάσαι, ἔχον ἑκάτεραν τὴν ὡς τῇ βάσει γωνίαν, διπλασίονα τῆς λοιπῆς.

Probl. 10. Propo. 10.

Isoceles triāgulum consti-
tuere, quod habeat vtrun-
que eorum, qui ad basin
sunt, angulorum, duplum
reliqui.

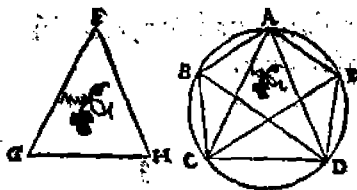


1a

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσά πλευρόν τε
καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Theor. 11. Propo. 11.

In dato cir-
culo, pen-
tagōnum
æquilaterū
& æquian-
gulum in-
scribere.



Περὶ τὸ δοθέν κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Probl. 12. Propo. 12.

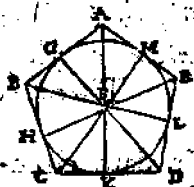
Circa datum circulum, pentagonum æquilaterum & æquiangulum describere.



Εἰς τὸ δοθέν πεντάγωνον, ὃ ὅτιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Proble. 13. Propo. 13.

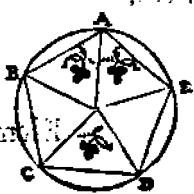
In dato pentagono æquilatero & æquiangulo, circulum inscribere.



Περὶ τὸ δοθέν πεντάγωνον, ὃ ὅτιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 14. Propo. 14.

Circa datum pentagonum æquilaterum & æquiangulum, circulum describere.

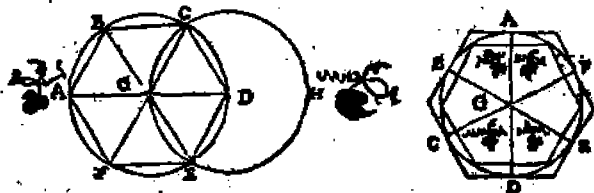


16

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγραῖναι.

Probl. 15. Propo. 15.

In dato circulo, hexagonum & æquilaterū & æquiangulum inscribere.

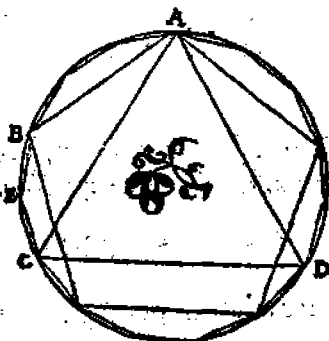


17

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντεκαίδεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγραῖναι.

Theor. 16. Propo. 16.

In dato circulo, quintidecagonū & æquilaterum & æquiangulū describere.



Elementi quarti finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM QVINTVM.

ΟΡΟΙ.

^α
ΜΕΡΟΣ ὅστις μέγεθος μέγεθους, τὸ ἐλάσσον τῷ
μειζονος, ὅταν χωταμετρηῇ τὸ μείζον.

DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis minor
maioris, quum minor metitur maiorem.

β

Πολλαπλάσιον δὲ τὸ μείζον τῷ ἐλάσσονος, ὅταν
χωταμετρηται ὑπὸ τῷ ἐλάσσονος.

2

Multiplex autem est maior minoris, cum
minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ὅστις δύο μεγεθῶν ὁμογενεῶν ἢ χωτὶ πληρώ-

ῥητά πρὸς ἀλλήλα ποιά σχέσις.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam, secundum quantitatem habitudo.

4

Ἀναλογία δὲ ὅτιν, ἐὶ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationum similitudo.

5

Λόγον ἔχιν πρὸς ἀλλήλα μέγεθῃ λέγεται, ἂν διώταται πολλαπλάσια ζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

5

Ratione habere inter se magnitudines dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuo superare.

6

Ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μέγεθῃ λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ ἑρῶτον καὶ τρίτον ἰσότης πολλαπλάσια, τῶν ἑρῶτου καὶ τέταρτον ἰσότης πολλαπλάσιον καὶ ὁποιοῦν πολλαπλάσιασμον, ἐκάτερον ἐκατέρου ἢ ἅμα ἐλλείπῃ, ἢ ἅμα ἴσα ἢ, ἢ ἅμα ὑπερέχῃ ληφθέντα καὶ ἀλλήλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,

quartam : cū primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab utroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea sumantur quæ inter se respondent.

Τὰ δὲ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μέγεθ' λόγον, ἀνάλογον καλεῖσθαι.

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

Οταν δὲ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων, τὸ μὲν ὅτε πρῶτον πολλαπλασίον ὑπερέχη τῷ δευτέρου πολλαπλασίον, τὸ δὲ ὅτε τρίτον πολλαπλασίον, μὴ ὑπερέχη τῷ τετάρτῳ πολλαπλασίον, τότε πρῶτον καὶ τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ καὶ τὸ τρίτον καὶ τὸ τέταρτον.

Cū verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excesserit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excesserit multiplicem quartæ : tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quam tertia ad quartam.

Ἀναλογία δὲ ἐν τρισὶν ὅροις ἐλαχίστη ὀρίν.

H

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Ὅταν δὲ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον. Ὅταν δὲ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αὖ ἐξ ἧς ἐνὶ πλεον, ἕως αὖ ἡ ἀναλογία ὑπάρχει.

Cum autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cum quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam. & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

Ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγεμόμνη τοῖς ἡγουμένοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentes, consequentes verò conse-

quentibus.

11β

Εναλλαξ λόγος, ὅστις λήψις τῶ ἡγουμένου πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τῶ ἐπομένου πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alterna ratio, est sumptio antecedētis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

1γ

Ανάπαλιν λόγος, ὅστις λήψις τῶ ἐπομένου ὡς ἡγουμένου, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

13

Inuerſa ratio, est sumptio consequentis ceu antecedentis, ad antecedentē velut ad consequentem.

Συνήθεσις λόγου, ὅστις λήψις τῶ ἡγουμένου μετὰ τῶ ἐπομένου ὡς ἐπὸς, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum cōſequentē ceu vnius, ad ipsum consequentem.

1ε

Διάφρεσις δὲ λόγου, ὅστις λήψις τῆς ὑπορχῆς, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τῶ ἐπομένου, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus, quo

H ij

consequētem superat antecedens ad ipsum consequentem.

¹⁵
 Ανατροφή λόγου, ὅτι λήψις ἢ ἡγουμένη πρὸς τιὺ
 ὑπορχιὺ, ἢ ὑπορχι τὸ ἡγούμενον τῷ ἐπομένῳ.

16

Conuersio rationis, est sumptio anteceden-
 tis ad excessum, quo superat antecedens
 ipsum consequentem.

¹⁷
 Δι' ἴσων λόγους ὅτι πλῆθον ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων
 αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος (ὡς δύο λαμβανομένων, καὶ
 ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
 γέτεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, ὅπως ἐν τοῖς
 δευτέροις μεγέτεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ
 ἄλλως, λήψις τῶν ἀκρῶν, καὶ ὑπεξάρσις τῶν
 μέσων.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint
 magnitudines, & his aliæ multitudine pa-
 res quæ binæ sumantur, & in eadem ratio-
 ne: quum vt in primis magnitudinibus pri-
 ma ad vltimam, sic & in secundis magnitu-
 dinibus prima ad vltimam sese habuerit, vel
 aliter, sumptio extremorū per subductionē
 mediorum.

18

Τετραμένη ἀναλογία ὅτιν, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενον
 πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἡγούμενον πρὸς τὸ ἐπόμενον.

ἢ δὲ καὶ ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐπόμενον
πρὸς ἄλλο τι.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quem-
admodum antecedens ad consequentem, ita
antecedens ad consequentem : fuerit etiam
vt consequens ad aliud quidpiam, ita con-
sequens ad aliud quidpiam.

18

Τετραγώνη δὲ ἀναλογία ἔστιν, ὅταν τριῶν ὄντων
μεγέθων, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλήθος γίνεται
ὡς μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡρούμενον πρὸς
ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡρού-
μενον πρὸς ἐπόμενον : ὡς δὲ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέ-
θεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐν τοῖς δευτέ-
ροις μεγέθεσιν ἄλλο τι πρὸς ἡρούμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus po-
sitis magnitudinibus, & aliis quæ sint his
multitudine pares, cū vt in primis qui-
dem magnitudinibus se habet antecedens
ad consequentem, ita in secundis magnitu-
dinibus antecedens ad consequentem : vt
autem in primis magnitudinibus conse-
quens ad aliud quidpiam, sic in secundis
magnitudinibus aliud quidpiam ad antece-
dentem.

H iij

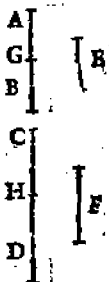
Προτάσεις.

α

Εὰν ἡ ὁποσονοῦν μεγέθη, ὁποσονοῦν μεγεθῶν ἴσων
τὸ πλῆθος, ἕκαστον ἕκαστου ἰσάκεις πολλαπλάσιον
ὅσα πλάσιόν ὂσιν ἐν τῇ μεγεθῶν εἰδός, τσάντα
πλάσια ἔσται καὶ πᾶντα τῇ πᾶντων.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcūque magnitudines
quotcūque magnitudinū æqua-
lium numero, singulæ singularū
æquè multiplices, quàm multi-
plex est vnius vna magnitudo,
tam multiplices erunt & omnes
omnium.

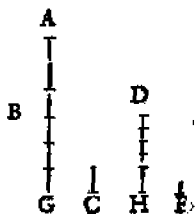


β

Εὰν τῶντων δευτέρῃ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτη, ἢ δὲ καὶ πέμπτον δευτέρῃ ἰσάκεις
πολλαπλάσιον, καὶ ἕκτον τετάρτη καὶ ὡς ἔστιν τῶν-
των καὶ πέμπτον, δευτέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλά-
σιον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τετάρτη.

Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secundæ æquè fue-
rit multiplex, atque tertia
quartæ, fuerit autem &
quinta secundæ æquè mul-
tiplex, atque sexta quartæ:
erit & composita prima



cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atque
tertia cum sexta, quartæ.

γ

Εὰν πρῶτον δευτέρῃ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτῃ, ληφθῇ δὲ ἰσάκῃς πολλαπλάσια τῶν
πρώτῃς καὶ τρίτῃς; καὶ δι' ἴσους τῶν ληφθέντων ἐκάτερον
ἐκατέρῃ ἰσάκῃς ἔσται πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τῷ
δευτέρῃ, τὸ δὲ τῷ τετάρτῃ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si sit prima secundæ æquæ
multiplex, atq; tertia quar-
tæ, sumantur autem æquæ
multiplices primæ & ter-
tiæ: erit & ex æquo sumpta-
rum utraque utriusque æ-
quæ multiplex, altera qui-
dem secundæ, altera autem
quartæ.

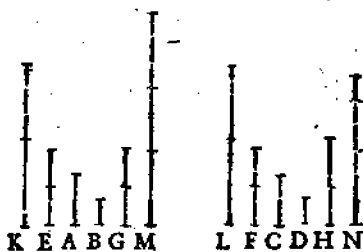


Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ
τρίτον πρὸς τετάρτον: καὶ τὰ ἰσάκῃς πολλαπλά-
σια τῶν τε πρώτῃς καὶ τρίτῃς, πρὸς τὰ ἰσάκῃς πολλα-
πλάσια τῷ δευτέρῃ καὶ τετάρτῃ κατ' ὁμοιομετρίαν
πολλαπλασιασμοῦν, τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ληφθέντα
κατέλληλα.

H iiij

Theor. 4. Propo. 4.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, & tertia ad quartam: etiam æquè multiples primæ & tertiæ, ad æquè multiples secundæ & quartæ iuxta quavis multiplicationem, eandem habebunt rationem, si prout inter se respondent, ita sumptæ fuerint.



Εὰν μέγεθος μεγέθοις ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅτε ἀφαιρεθῇ ἀφαιρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τῷ λοιποῦ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα πλάσιόν ᾖ τὸ ὅλον τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

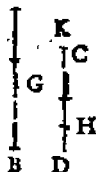
Si magnitudo magnitudinis æquè fuerit multiplex, atque ablata ablata: etiam reliqua reliquæ ita multiplex erit, ut tota totius.



Εὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθῇ τὰ πινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἴσας ᾖσιν, ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theor. 6. Propo. 6.

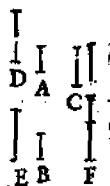
Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiples, & detractæ quedam sint earundem æquè multiples: & reliquæ eisdem aut æquales sunt, aut æquè ipsarum multiples.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor. 7. Propo. 7.

Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.



Τῶν αἰσίων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ ἑλαττον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἑλαττον μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ μείζον.

Theor. 8. Propo. 8.

Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationē habet, quàm minor : & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.

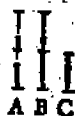


θ

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὸν ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι : καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, καὶ κείνα ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 9. Propo. 9.

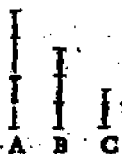
Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se : & ad quas eadem, eandem habet rationem, eæ quoque sunt inter se æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ὁ κείνο μείζον ὄντι, πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ὁ κείνο ἐλαττόν ὄντι.

Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, rationē habentium, quæ maiorem rationem habet, illa maior est, ad quam autem eadem maiorem rationem habet, illa minor est.



1α

Οἱ τῶ αὐτῶ λόγροι οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eidē sunt eadē rationes, & inter se sunt eadē.



1β

Εὰν ἡ ὁποιαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῇ ἡγευμένων πρὸς ἐν τῇ ἐπομένων, οὕτως ἀπαντα τὰ ἡγεύμενα, πρὸς ἀπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theor. 12. Propo. 12.

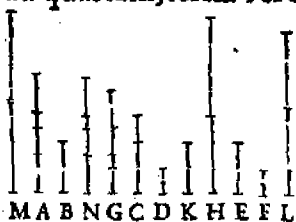
Si sint magnitudines quotcumque proportionales, quemadmodum se habuerit una antecedentium ad unam consequentium, ita se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.



Ἐὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ πρὸς πέμπτον μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὅρ πέμπτον πρὸς ἕκτον· καὶ πρῶτον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὅρ πέμπτον πρὸς δεύτερον ἕκτον.

Theor. 13. Propo. 13.

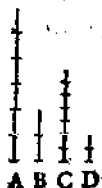
Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, tertia verò ad quartam, maiorem rationem habuerit, quàm quinta ad sextam : prima quoque ad secundam maiorem rationem habebit, quam quinta ad sextam.



Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ δὲ πρῶτον τοῦ τρίτου μεί-
 ζον ἢ ἔξ τοῦ δεύτερου τῶ τέταρτου μείζον ἔσται, καὶ
 ἔλαστρον, ἔλαστρον.

Theor. 14. Propo. 14.

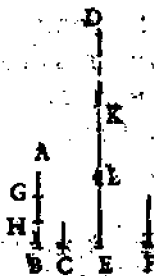
Si prima ad secundam eandem habuerit ra-
 tionem, quam tertia ad quartam, prima ve-
 rò quàm tertia maior fuerit: erit
 & secunda maior quàm quar-
 ta. Quòd si prima fuerit æqua-
 lis tertiæ, erit & secunda æqua-
 lis quartæ. si verò minor, & mi-
 nor erit.



Τὰ μέρη, τοῖς ὡσαύτοις πολλὰ πλάσιαι τὸν αὐτὸν
 ἔχον λόγον, ληφθέντα κατὰλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

Partes, cùm pariter multipli-
 cibus in eadem sunt ratione, si
 prout sibi mutuo respondent,
 ita sumantur.



¹⁵
Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ ἐναλλάξ αἰσχύ-
νηται ἕνα ἑκάστου.

Theor. 16. Propo. 16.

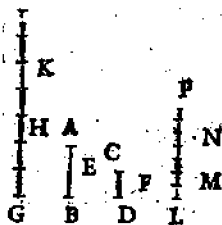
Si quatuor magnitudi-
nes proportionales fue-
rint, & vicissim propor-
tionales erunt.



¹⁶
Εὰν ὁμοκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ διαιρεθέντα,
ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 17. Propo. 17.

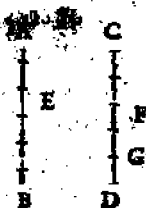
Si compositæ magni-
tudines proportionales
fuerint, hæ quoque di-
uisæ proportionales e-
runt.



¹⁷
Εὰν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ συνισθέντα
ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 18. Propo. 18.

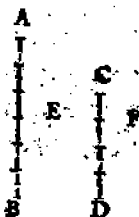
Si diuise magnitudines sint
proportionales, hæ quoque
compositæ proportionales
erunt.



Εάν ἡ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρεθῇ πρὸς ἀ-
φαιρεθῇ: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται, ὡς ὁ-
λὸν πρὸς ὅλον.

Theor. 19. Propo. 19.

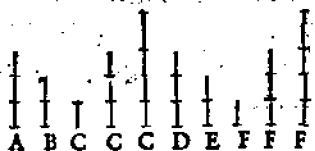
Si quemadmodum totum ad
totum, ita ablatum se habue-
rit ad ablatum: & reliquum
ad reliquum, vt totum ad to-
tum se habebit.



Εάν ἡ τρία μέγῃ, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος,
μικρὸν λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσιν
δὲ τὸ πρῶτον τῷ τρίτῳ μείζον ἢ: καὶ τὸ δεύτερον
τῷ ἑκτῷ μείζον ἔσται: καὶ ἴσιν, ἴσιν: καὶ ἔλαστον,
ἔλαστον.

Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & alia ipfis equalis numero, quæ binæ & in eadem ratione sumantur, ex equo autem prima quàm tertia maior fuerit:



erit & quarta, quàm sexta maior. Quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κα

Εὰν ἡ τρίτα μέγιστη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος
 εὐκλιδος λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ
 τεταρτάτη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δι' ἴσιν δὲ τὰ ἑξῆς
 τῶν τῆς τρίτης, μείζων ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τῆς ὅσῃ
 μείζον ἢ ἑξῆς αὐτῆς ἴσον, ἴσον καὶ ἑλαστον, ἑλαστον.

Theor. 21. Propo. 21.

Si sint tres magnitudines, & alia ipfis æquales numero quæ binæ & in eadem ratione sumantur, fueritque per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κβ

Εὰν ἡ ὁποσιοῦ μέγεθος, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, συνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δὲ ἴσα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

Proble. 22. Propo. 22.

Si sint quotcunque magnitudines, & aliæ ipsis æquales numero, quæ binæ in eadē ratione sumantur, & ex æqualitate in eadē ratione erunt.



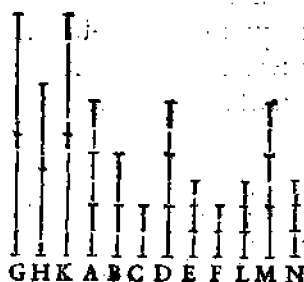
κγ

Εὰν ἡ πρῶτα μέγεθος, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος συνδυο, λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δὲ ἴσα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

I

Theor. 23. Propo. 23.

Si sint tres magnitudines, aliæque
 ipsis æquales numero, quæ binæ in
 eadem ratione sumantur, fuerit autē
 perturbata earum proportio: etiam ex æqualitate
 in eadem ratione erunt.



κ δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη δὲ καὶ πέμπτον πρὸς
 δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον
 καὶ συντεθεὶς πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον
 τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ-
 ταρτον.

Theor. 24. Propo. 24.

Si prima ad secundam, eādem
 habuerit rationem, quam ter-
 tia ad quartam, habuerit au-
 tem & quinta ad secundā ean-
 dem rationem, quam sexta ad
 quartam: etiā composita pri-
 ma cum quinta ad secundam



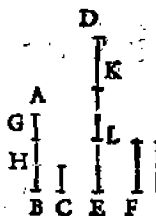
eandem habebit rationem, quam tertia cum
sexta ad quartam.

κε

Εὰν πέντε μεγέθη ἀνάλογα ᾖ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ
ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ἐστιν.

Theor. 25. Propō. 25.

Si quatuor magnitudines pro-
portionales fuerint, maxima
& minima reliquis duabus ma-
iores erunt.



Elementi quinti finis.

I ij





EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

E. VCLIDIS ELEMENT-

TVM SEXTVM.

Ο' Ρ Ο Ι.

α

Ὅμοια σχήματα εὐθύγραμμά ἐστιν, ὅσα τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχουσιν, καὶ τὰς πρὸς τὰς ἴ-
σας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilinéæ sunt, quæ & an-
gulos singulos singulis æquales habent, at-
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-
les, proportionalia.

β

Ἀντιπεπονηότα δὲ σχημάτά ἐστιν, ὅταν ἑκατέρω τ' σχημάτων ἡ γούμνοι τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι ὦσιν.

2

Reciproca autem figuræ sunt, cùm in vtraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Ἄκρον καὶ μέσον λόγον εὐθεῖα τετμηθῆναι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἢ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, οὕτως τὸ μείζον πρὸς τὸ ἐλάσσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Υψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κείμενός ἀγόμενός.

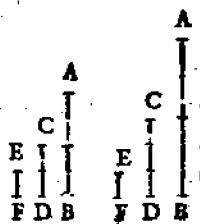
4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγος ἐκ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πηλοχότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι ποιῶσιν ἑνὸς λόγον.

Ratio ex rationibus com-
poni dicitur, cum rationū
quantitates inter se multi-
plicate aliquam effecerint
rationem.



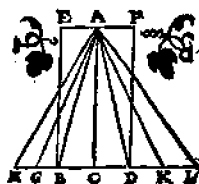
Προτάσις.

α

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ ὁμοειδή τετραγώνια, ἔχοντα τὸ
αὐτὸ ὕψος ὄντα, ὡς ἀλλήλα ὅστιν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Prop. 1.

Triangula & parallelogra-
ma, quorum eadem fuerit
altitudo, ita se habent in-
ter se vt bases.



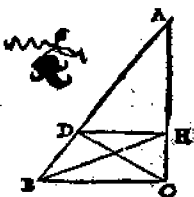
β

Εὰν τριγώνου ὡς αὐτὴ μίας τῆς πλευρῶν ἀρῇ πρὸς
εὐθείᾳ ὁμοειδής, ἀνάλογον τεμεῖται τὰς τῷ τριγώ-
νου πλευραῖς. καὶ εἰάν αἱ τῷ τριγώνῳ πλευραὶ ἀνάλο-
γον τμηθῶσιν, ἢ ὅτι τὰς τομαῖς ὅπτις ἐγγυμμένη εὐ-
θεῖα, ὡς αὐτὴ πλεονεκτήσῃ τῷ τριγώνῳ πλευρῶν
ὁμοειδής.

Theor. 2. Prop. 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela ducta

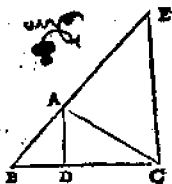
fuerit recta quædam linea: hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera. Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint: quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea, erit ad reliquum ipsius trianguli latus parallela.



Εάν τριγώνου γωνία δίχα τμηθῇ, ἡ δὲ τέμνουσα πρὸς γωνίαν εὐθεῖα τέμνη καὶ τὴν βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς ὥς τριγώνου πλευραῖς. καὶ ἐάν τὰ τῆς βάσεως τμήματα, τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς ὥς τριγώνου πλευραῖς, ὅπο τῆς κορυφῆς ὅπου τὴν τομὴν ὁρίζουμένη εὐθεῖα δίχα τέμνη τὴν τῆς τριγώνου γωνίαν.

Theor. 3. Propo. 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basin: basis segmenta eandem habebunt rationem, quam reliqua ipsius trianguli latera. Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera, recta li-



I iiij

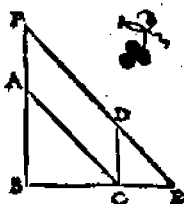
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius angu-
lum.

♪

Τῶν ἰσογώνιων τριγώνων, ἀνάλογον εἰσιν αἱ πλευ-
ραί, αἱ δὲ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ
τὰς ἴσας γωνίας ὑποκείμεναι πλευραί.

Theor. 4. Propo. 4.

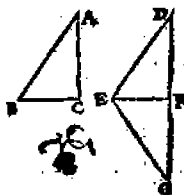
Æquiangulorum triangulorū proportio-
nalia sunt latera, quæ cir-
cum æquales angulos, &
homologa sunt latera, quæ
æqualibus angulis subten-
duntur.



Εὰν δύο τρίγωνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ, ἰσο-
γώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας ὑφ'
αἷς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποκείμεναι.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triangula latera proportionalia ha-
beant, æquiangula erunt
triangula, & æquales ha-
bebunt eos angulos, sub
quibus & homologa late-
ra subtenduntur,



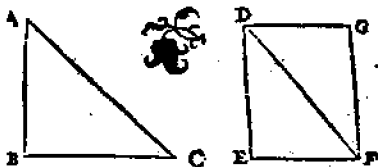
Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ,
 τότε δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας,
 ὑφ' αἷ αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ἀποκρίνεται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangularum erunt trian-

gula, æqualisque habebunt angulos, sub

quibus homologa latera subtenduntur.

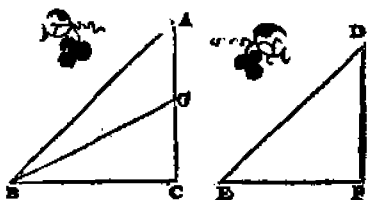


Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ,
 τότε δὲ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 καὶ δὲ λοιπῶν ἑκατέρωτ' ἅμα ἢ τοὶ ἐλάσσονα ἢ μὴ
 ἐλάσσονα ὀρθῆς, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴ-
 στας ἔξει τὰς γωνίας, τότε αἱ ἀνάλογον εἰσὶν αἱ
 πλευραὶ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angulos la-

tera proportionalia habeant, reliquorum
verò simul vtrunque aut minorem aut non
minorem recto: æquiangula erunt triangu-
la, & æqua-
les habe-
bunt cos an-
gulos, cir-
cum quos
proporatio-
nalia sunt latera.

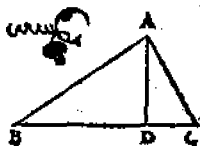


η

Εὰν ἐν ὀρθογωνίῳ τρίγωνῳ, ἔκτὸς τῆς ὀρθῆς γωνίας ὅπου
τὴν βάσιν κατέτος ἄρθρον, τὰ πρὸς τῇ κατέτω τρί-
γωνῷ ὁμοιά ἐστὶ τῶ τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις.

Theor. 8. Propo. 8.

Si in triangulo rectangulo, ab angulo recto
in basin perpendicularis
ducta sit, quæ ad perpen-
dicularem triangula, tum
toti triângulo, tum ipsa in-
ter se similia sunt.

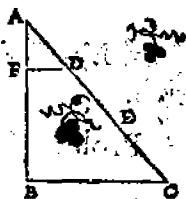


θ

Τῆς δοθείσης εὐθείας τὸ πρὸς ταύτῃ μέρος ἀ-
φελῆν.

Probl. 1. Propo. 9.

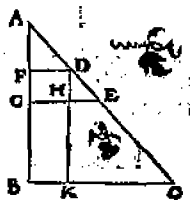
A data recta linea imperatam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀτμήτον, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τέμνουσιν ὁμοίως τεμεῖν.

Probl. 2. Propo. 10.

Datam rectam lineam infectam similiter secare, ut data altera recta secta fuerit.

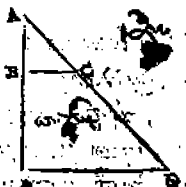


12

Δύο δοθεῖσιν εὐθείαις, τρίτῃ ἀνάλογον κομᾶσθαι.

Probl. 3. Propo. 11.

Duabus datis rectis lineis, tertiam proportionalem adinuenire.

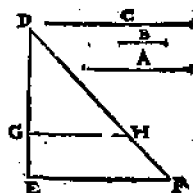


16

Τριῶν δοθεισῶν εὐθειῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Probl. 4. Propo. 12.

Tribus datis rectis lineis, quartam proportionalem adinuenire.

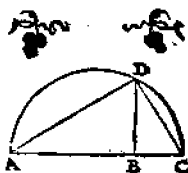


17

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, μέσιν ἀνάλογον προσευρεῖν.

Probl. 5. Propo. 13.

Duabus datis rectis lineis, mediam proportionalem adinuenire.

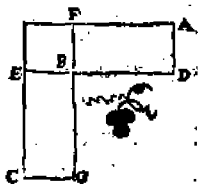


18

Τῶν ἴσων τε καὶ μιᾷ μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίας πολλαγώνιων, ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευραὶ, αἱ δὲ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ τῶν πολλαγώνιων μιᾷ μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίας, ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευραὶ, αἱ δὲ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσαι ὄντι ἐκείνα.

Theor. 8. Propo. 14.

AEQUALIUM, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Τῶν ἴσων, καὶ μίαν μὴ ἴσων ἔχοντων γωνίαν περιγώνων ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευραὶ, αἱ τῶν ἴσων γωνίας: καὶ τῶν μίαν μὴ ἴσων ἔχοντων γωνίαν ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευραὶ, αἱ τῶν ἴσων γωνίας ἴσαι ὄντι ἐκείνα.

Theor. 9. Propo. 15.

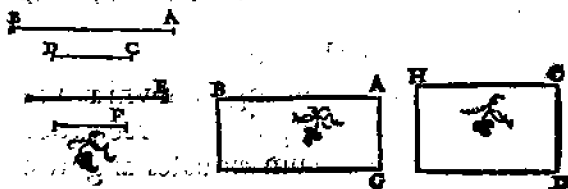
AEQUALIUM, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῆς
ἄκρων πεμπεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ
τῆς μέσων πεμπεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ
τῆς ἄκρων πεμπεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ
τῆς μέσων πεμπεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες
εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 16.

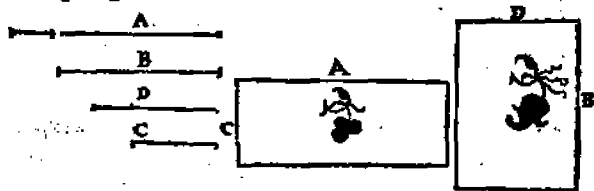
Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-
rint, quod sub extremis comprehenditur
rectangulum æquale est ei, quod sub me-
diis comprehenditur rectangulo. Et si sub
extremis comprehensum rectangulum æ-
quale fuerit ei, quod sub mediis continetur
rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ pro-
portionales erunt.



Εὰν πρὶς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων
πεμπεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων
πεμπεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων πεμπεχόμενον
ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων πεμπεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ
πρὶς εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 17.

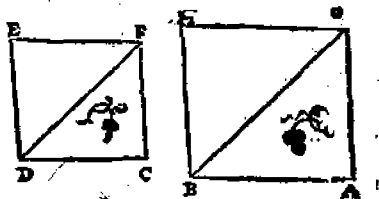
Si tres rectę lineę sint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illę tres rectę lineę proportionales erunt.



¹⁷
 Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι ὠρθογώνῳ ὅμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον ὠρθογώνιον ἀναγεῖν.

Probl. 6. Propo. 18.

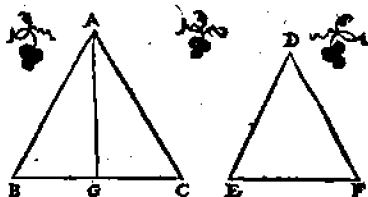
A data recta linea, dato recti lineo simili similiterque positum rectilineum describere.



Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἀλλήλα ἐν διπλασίονι λόγῳ ἔστι τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 13. Propo. 19.

Similia tri-
angula in-
ter se sunt
in duplica-
ta ratione
laterū ho-
mologorum.

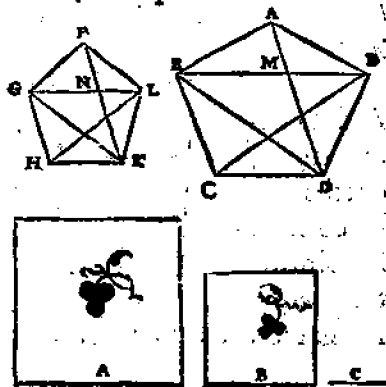


κ

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς ἑξ ὅμοια τρίγωνα διαίρε-
ται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμολογα τοῖς ὅλοις· καὶ
τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ τῶν ὁμό-
λογον πλευρῶν πρὸς τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

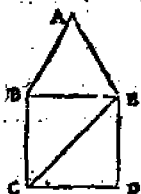
Theor. 14. Propo. 20.

Similia po-
lygona in
familia tri-
angula di-
viduntur,
& nume-
ro æqua-
lia, & ho-
mologa to-
tis. Et po-
lygona du-



plicatam

plicatam ha-
bent eam in-
ter se ratio-
nem, quam
latus homo-
logū ad ho-
mologum latus.

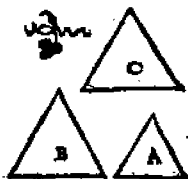


κα

Τὰ πρὸς αὐτῶν εὐθυγράμμων ὁμοία, καὶ ἀλλήλοις ὅμοια.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidē rectilineo sunt
similia, & inter se sunt si-
milia.



κβ

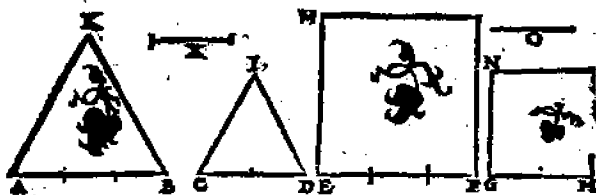
Εὰν πᾶσαι εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσι, καὶ ἐκ αὐτῶν εὐθυγράμμων ὁμοία τι καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ᾖσι, καὶ ἐκ αὐτῶν εὐθυγράμμων ὁμοία τι καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσιν.

Theor. 16. Propo. 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-
rint : & ab eis rectilinea similia similitérque
descripta proportionalia erunt. Et si à re-

K

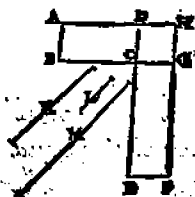
Et si lineis similia similiterque descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



κγ
Τὰ ἰσογώνια ὡς ὁμοειδή σχήματα
πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχουσι τὸν
κείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogra-
ma inter se rationem ha-
bent eam, quæ ex lateribus
componitur.



κδ

Παπὸς ὡς ὁμοειδῶς σχήματα τὰ πρὸς πᾶσι διὰ τὴν
ῥοὴν ὡς ὁμοειδή σχήματα, ὅμοιά ἐστι τὸ πρὸς τοῖς ὅλοις καὶ
ἀλλήλοις.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogrammo, quæ circa dia-

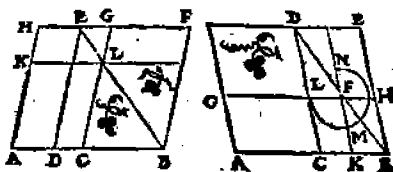
cum eo habens angulum, hoc circum eandē cum toto diametrum consistit.

x ζ

Πάντων τῶν περὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν περιβαλλομένων περιγεγραμμένων, ἢ ἐλλειπόντων εἶδους περιγεγραμμένοις ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κειμένοις τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγεγομμένῳ, μέγιστον ὅστις τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας περιβαλλόμενον περιγεγραμμένον, ὁμοιον ὃν τῷ ἐλλείματι.

Theor. 20. Propo. 27.

Omnium parallelogrammorum secundum eandem rectam lineam applicatorum deficientiumque figuris parallelogrammis similibus similiterque positis ei, quod à dimidia describitur, maximū id est quod ad dimidiā applicatur parallelogrammum, simile existens defectui.

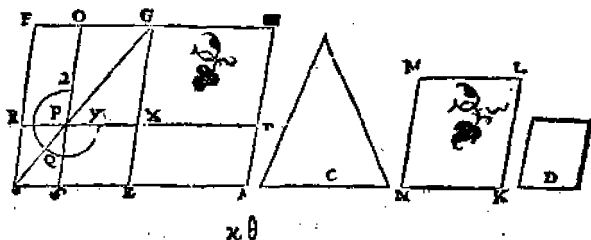


Παρά τινι δοθεῖσαν εὐθεΐαν, τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ ἴσον περιγεγραμμένον περιβαλεῖν, ἐλλείποντι εἶδει περιγεγραμμένῳ ὁμοίῳ ὅντι τῷ δοθέντι. δεῖ δὴ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, ὅτι δεῖ

ἴσον ὡραβαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς ἡμυσείας ὡραβαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλείμμάτων, τῷ τε ἀπὸ τῆς ἡμυσείας καὶ ὡ δὲ ὁμοιον ἐλλείπειν.

Probl. 8. Propo. 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo æquale parallelogrammū applicare deficiens figura parallelogramma, quæ similis sit alteri rectilineo dato. Oportet autem datum rectilineum, cui æquale applicandū est, non maius esse eo quod ad dimidiam applicatur, cū similes sint defectus, & eius quod à dimidia describitur, & eius cui simile deesse debet.



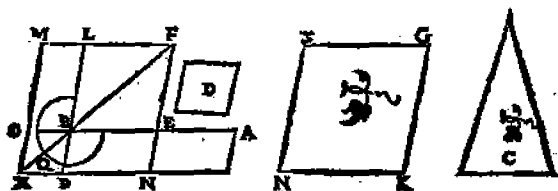
Παρά τῇ δοθείσῃ, εὐθείᾳ τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον ὡραβληλόγραμμον ὡραβαλεῖν ὡραβαλλον ἢ δὲ ὡραβληλόγραμμῳ ὁμοίῳ τῷ δοθέντι

Probl. 9. Propo. 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo

K iij

æquale parallelogrammum applicare, excedens figura parallelogramma, quæ similis sit parallelogrammo alteri dato.

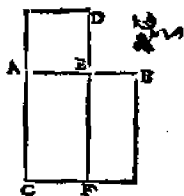


λ

Τὴν πηῖσαι εὐθεῖαν πεπερασμένην, ἄκρον ἔχουσαν λόγον τεμνῇ.

Probl. 10. Propo. 30.

Propositam rectam lineam terminatam, extrema ac media ratione secare.



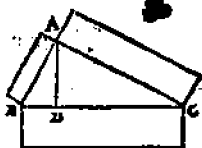
λ α

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ἀπὸ τῆς πλευρᾶς εἶδος ἴσον εἶναι τοῖς ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ἀπὸ τῆς πλευρᾶς εἶδος τοῖς ὁμοίοις, ἔχουσιν ἀναγκαζομένους.

Theor. 21. Propo. 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis à latere rectum angulum subtendente descri-

pta æqualis est figuris, quæ
priori illi similes, & simili-
ter positæ à lateribus rectū
angulū continentibus de-
scribuntur.

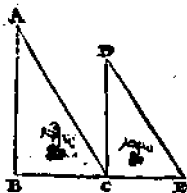


λβ

Εὰν δύο τρίγωνα (υντεθῇ χε' μίαν γωνίαν τὰς δύο
πλευρὰς ταῖς δυοὶ πλευραῖς ἀνάλογον ἔχοντα,
ὥστε τὰς ὁμολόγουις αὐτῶν πλευραῖς ἢ ὁμοιότη-
τοις εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευραὶ ἐπ' εὐ-
θείας ἔσονται.

Theor. 22. Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus la-
teribus proportionalia habeant, secundum
vnū angulū composita
fuerint, ita vt homologa
eorum latera sint etiā pa-
rallela, tum reliqua illorū
triangulorum latera in re-
ctam lineam collocata re-
perientur.



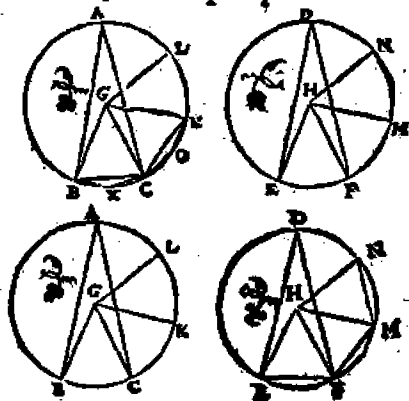
λγ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον
ἔχουσι ταῖς περιφερείαις, ἐφ' ὧν βεβήκασι, εἰ-
τε πρὸς τοῖς κέντροις, εἴτε πρὸς ταῖς περιφε-
ρείαις ὡς βεβηκῆναι. ἐπὶ δὲ καὶ οἱ τομῆς, ἄτε πρὸς

K iij

Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habet
ratione cum ipsis peripheriis in quibus infi-
stunt, siue ad centra, siue ad peripherias cõ-
stituti illis
infiſtāt pe-
ripheriis.
Insuper
verò &
sectores,
quippe
qui ad cẽ-
tra confi-
stunt.



Elementi sexti finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEPTIMVM.

ΟΡΟΙ.

α

ΜΟνάς ἐστὶ, καὶ τὸ ὅ ἐκ αὐτῆς ὄντων αἰ λέ-
γεται.

DEFINITIONES.

I

Vnitas est, secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Ἀριθμὸς δὲ, τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita
multitudo.

^γ
Μέρος ἔστιν, ἀριθμὸς ἀριθμῷ ὁ ἐλάττω τῷ μείζοντι, ὅταν καταμετῇ τὸν μείζονα.

³
Pars est, numerus numeri minor maioris, cum minor metitur maiorem.

^δ
Μέρη δὲ, ὅταν μὴ καταμετῇ.

⁴
Partes autem, cum non metitur.

^ε
Πολλαπλάσιος δὲ, ὁ μείζων τῷ ἐλάττωτος, ὅταν καταμετῇται ὑπὸ τῷ ἐλάττωτος.

⁵
Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem metitur minor.

⁶
Ἄρτος δὲ ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ διχα διαρούμενος.

⁶
Par numerus est, qui bifariam diuiditur.

^ζ
Περισσότερος δὲ, ὁ μὴ διαρούμενος διχα. ἢ, ὁ μονάδι ἀφαιρῶν ἀρτίος ἀριθμῷ.

⁷
Impar verò, qui bifariam nō diuiditur. vel, qui vnitate differt à pari.

^η
Ἀρπάζεις ἄρτος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀ-

ριθμῷ μετ' ἑαυτοῦ καὶ ἄρτιον ἀριθμῷ.

8

Pariter par numerus est, quem par numerus metitur per numerum parem.

θ

Ἀρτιάκις δὲ περιεσπός ἐστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ μετ' ἑαυτοῦ καὶ περιεσπὸν ἀριθμῷ.

9

Pariter autem impar est, quem par numerus metitur per numerum imparem.

ι

Περιεσπάκις δὲ περιεσπός ἐστιν ἀριθμός, ὁ ὑπὸ περιεσπῷ μετ' ἑαυτοῦ καὶ περιεσπὸν ἀριθμῷ.

10

Impariter verò impar numerus est, quē impar numerus metitur per numerū imparē.

1α

Πρῶτος ἀριθμός ἐστιν, ὁ μονάδι μόνῃ μετ' ἑαυτοῦ.

1.1

Primus numerus est, quem vnitas sola metitur.

1β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ἀριθμοὶ εἰσι, οἱ μονάδι μόνῃ μετ' ἑαυτοῦ κοινῷ μέτρῳ.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

17

Συνήθετος ἀριθμός ἐστίν, ὃ ἀριθμῶ πρὶ μέτρῳ μέτρος.

13

Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

18

Συνήθετοι δὲ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ πρὶ μέτρῳ κοινῶ μέτρον.

14

Compositi autē inter se numeri sunt, quos numerus aliquis mēsurā cōmunis metitur.

16

Ἀριθμός ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, ποσάντας (μετρήσῃ) ὁ πολλαπλασιαζόμενος, ἐγένηται τις.

15

Numerus numerum multiplicare dicitur, cū toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicatē unitates, & procreatus fuerit aliquis.

17

Ὅταν δὲ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι πινά, ὁ γινόμενος ὁπίπεδος καλεῖται, πλευραὶ δὲ αὐτῷ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

16

Cū autem duo numeri mutuò sese mul-

tiplicantes quempiã faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicẽtur.

15

Οἱ τὰς δὲ τρεῖς ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλοις ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος τερεὸς χελεῖται, πλευρὰ δὲ αὐτῷ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλοις ἀριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicãtes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

14

Τετράγωνος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ἑκτὸς δύο ἴσων ἀριθμῶν ἀειεχόμενος.

18

Quadratus numerus est, qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

16

Κύβος δὲ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ἑκτὸς τριῶν ἴσων ἀριθμῶν ἀειεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris cõtinetur.

κ

Ἀριθμοὶ ἀνάλογον εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τῷ δευτέρῳ
καὶ ὁ τρίτος τῷ τετάρτῳ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλασίσιος, ἢ
τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾖσιν,

20

Numeri proportionales sunt, cū primus
secundi, & tertius quarti æquē multiplex
est, vel eadem pars, vel eadem partes.

κα

Ὅμοιοι ὀπίπεδοι καὶ στεροὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλο-
γον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui pro-
portionalia habent latera.

κβ

Τέλφος ἀριθμός ἐστιν, ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖν.

22

Perfectus numerus est, qui suis ipsius parti-
bus est æqualis.

Προτάσις.

α

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀίσιον ἐκκειμένον, ἀγυφαιρου-
μένου αἰ τῷ ἐλάσσονος ἀπὸ τῷ μείζονος ὁ λειπό-
μενος μηδέποτε ἕξεται μετῇ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕως οὗ
ληφθῇ μονάς, οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς
ἀλλήλοις ἔσονται.

Theor. 1. Propo. 1.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadā detractiōe, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit vnitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

A		
H		
:	C	
F	G	
:	:	:
B	D	E

^β
 Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. 1. Propo. 2.

Duobus numeris datis nō primis inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.

		A	
		:	G
		E	:
	E	:	F
	:	:	:
	:	:	:
E	D	B	D

^γ
 Τετράς ἀριθμοὶ δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 2.

:	:	:	:	:
A	B	C	D	E

Propo. 3.

2	6	4	2	3
---	---	---	---	---

Tribus numeris datis non primis

:	:	:	:	:	:
A	B	C	D	E	F
12	15	8	6	2	3

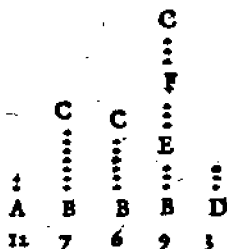
inter se, maximam eorum communem mēsuram reperire.

Δ

Πᾶς ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἰσάσται τῷ μείζονος ἥτοι μέρος ὅσιν, ἢ μέρη.

Theor. 2. Propo. 4.

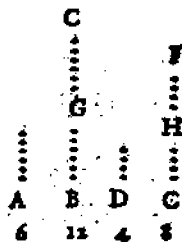
Omnis numerus cuiusque numeri, minor maioris aut pars est, aut partes.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρος συναμφοτέρῃ τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται, ὅταν ὁ εἰς τῷ εἰός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars fuerit, & alter alterius eadem pars, & simul uterque utriusque simul eadē pars erit, quæ unus est unus.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ᾖ, καὶ συναμφοτέρος συναμφοτέρῃ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται, ὅταν ὁ εἰς τῷ εἰός.

Theor.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alterius
eadem partes, & simul
vterquevtriusque simul
eadem partes erunt, quæ
sunt vnus vnus.

B		E	
:		:	
H		H	
:	:	:	:
A	C	D	F
6	9	8	12

ζ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, ὅταν ἀφαιρεθῇς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιποῦ τὸ αὐτὸ μέρος
ᾖ, αὐτὸς ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	:
	F
	:
	:
	:
	:
	:
	C
	:
	:
	:
	G
A	16
8	

η.

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, ὅταν ἀφαιρεθῇς ἀφαι-
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιποῦ τὸ αὐτὸ μέρος ᾖ, αὐτὸς
ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

L

Theor.6. Propo.8.

Si numerus numeri eadem
sint partes quæ deductus de-
tracti, & reliquus reliqui eæ-
dem partes erunt, quæ sunt
totus totius.

B	D
...	...
E	F
...	...
L	...
...	...
A	C

II II
G...M.K...N.H.

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμὸς μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ
αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλὰξ, ὁ μέρος ὅστις ἢ μέρη ὁ πρῶτος τῷ
τρίτῳ, τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ
δευτερος τῷ τετάρτῳ.

Theor.7. Propo.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadem
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tii, eadē pars erit vel eæ-
dem partes & secundus
quarti.

	C		F
	...		...
	G		H
...	...	...	...
A	B	D	E
4	8	5	10

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμὸς μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλὰξ, ὁ μέρος ὅστις ὁ πρῶτος τῷ
τρίτῳ ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται καὶ ὁ δευτερος τῷ
τετάρτῳ, ἢ μέρος.

Theor. 8. Propo. 10.

Si numerus numeri partes
sint, & alter alterius eadē
partes, etiam vicissim quæ
sunt partes aut pars pri-
mus tertii, eadē partes
erunt vel pars & secundus
quarti.

H		H	
:		:	
G		G	
:		:	
A	C	D	F
4	6	10	18

Εάν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαρθεὶς πρὸς ἀφα-
ρθέντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος
πρὸς ὅλον.

Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodū se habet totus ad
totum, ita detractus ad detractum,
& reliquus ad reliquum ita habe-
bit ut totus ad totum.

B	D
.....	
E	F
.....	
A	C
4	8

Εάν ὧσιν ὅποσοιούν ἀριθμοὶ ἀνάλογον, ἔσται ὡς εἰς
τῆς ἡγουμένης πρὸς εἰς τῆς ἐπομένης, οὕτως ἀ-
παντες οἱ ἡγούμενοι πρὸς ἀπαντας τοὺς ἐπομένους.

Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcūque nume-
ri proportionales, quem-
admodum se habet vnus
antecedentium ad vnum sequentium, ita

A	B	C	D
9	6	3	2

se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

17

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀτάλογον ᾦσι, ὃ ἐναλλάξ ἀτάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint proportionales, & vicissim proportionales erunt.

$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$
A	B	C	D
12	4	9	3

18

Εὰν ᾦσιν ὁποσοῦν ἀριθμοὶ, ὃ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τῷ πλήθους συνδυο λαμβανόμενοι, ὃ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὃ δὲ ἴσος ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcūque numeri & alii illis æquales multitu-

$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$	$\dot{\vdots}$
A	B	C	D	E	F
12	6	3	8	4	2

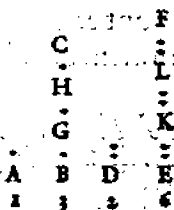
dine, qui bini sumantur & in eadem ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.

19

Εὰν μονὰς ἀριθμὸν πᾶσα μετρή, ἰσάκως δὲ ἕτερος ἀριθμὸς ἄλλον πᾶσα ἀριθμὸν μετρή, ὃ ἐναλλάξ ἰσάκως ἢ μονὰς τὸν τρίτον ἀριθμὸν μετρήσῃ, ὃ ὁ δεύτερος τέταρτον.

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerum quem-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quendam
numerum æquè metiatur,
& vicissim vnitas tertium
numerum æquè metietur
atque secundus quartum.



Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσασθαι ἀλλήλους
ποιῶσι τινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλους
ἔσονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-
tuo sese multiplicā-
tes faciant aliquos,
qui ex illis geniti fuerint inter se æquales e-
runt.



Εὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῇ
τινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι
πολλαπλασιασθεῖσι.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans

L iiij

faciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt eandem ra-
tionem habebunt quam multiplicati.

$\dot{\bar{1}}$	$\dot{\bar{A}}$	$\dot{\bar{B}}$	$\dot{\bar{C}}$	$\dot{\bar{D}}$	$\dot{\bar{E}}$
1	3	4	6	12	15

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιάσαν-
τες πρῶτον τινα, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν τοὺς αὐτοὺς
ἔξουσιν λόγον τοῖς πολλαπλασιάσασιν.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eādē habebunt ratio-
nē, quam qui illum multiplicarunt.

$\dot{\bar{A}}$	$\dot{\bar{B}}$	$\dot{\bar{C}}$	$\dot{\bar{D}}$	$\dot{\bar{E}}$
4	5	3	12	15

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀάλογον ᾦσιν, ὁ ὅς ἐκ πρῶ-
του καὶ τετάρτου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος ἔσται τῷ
ὅς ἐκ τῷ δευτέρου καὶ τρίτου γινόμενῳ ἀριθμῷ. καὶ εἰ
ὁ ὅς ἐκ τῷ πρῶτου καὶ δευτέρου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος
ἢ τῷ ὅς ἐκ τῷ δευτέρου καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ
ἀάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales, qui
ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex
secundo & tertio: & si qui ex primo & quar-
to fit numerus, æqualis sit ei qui ex secun-

bo & tertio, $\begin{matrix} \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ A & B & C & D & E & F & G \\ 6 & 4 & 3 & 2 & 12 & 12 & 18 \end{matrix}$
 illi quatuor
 numeri proportionales erunt.

x

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ὑπὸ τῶν ἀκρῶν, ἴσος ᾖ τῷ ὑπὸ τῶ μέσου. ἐὰν δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἀκρῶν, ἴσος ᾖ τῷ ὑπὸ τῶ μέσου, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab extremis continetur, æqualis est ei qui à medio efficitur. Et si qui ab extremis continetur, æqualis sit ei qui à medio describitur, illi tres numeri proportionales erunt.

A B C D

2 3 6 12

D

6

x a

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, μετρουσὶ τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἰσάκως, ὁ, τε μείζων τὸν μείζονα, ὁ δὲ ἐλάττω τὸν ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omnium qui eandem cum eis rationem habent, æqualiter metiuntur numeros can-

D

L

G

H

C

E

A

B

4

3

8

6

L iij

dem rationem habētes, maior quidē maiorē, minor verò minorem.

κβ

Εὰν ᾧσι πρῆς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος, συνδρα λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ δὲ πεπραγμένη αὐτῶν ᾗ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσιν ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἑσθῆαι.

Theor. 20. Propo. 22

Si tres sint numeri & alii multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadem ratione, sit autem perturbata eorum proportio, etiam ex æ-

$\frac{A}{B}$	$\frac{C}{D}$	$\frac{E}{F}$
$\frac{6}{4}$	$\frac{3}{12}$	$\frac{8}{6}$

qualitate in eadē ratione erunt.

κγ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι εἰσὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium eandem cum eis rationem habentium.

$\frac{A}{B}$	$\frac{E}{C}$	$\frac{D}{F}$
$\frac{1}{6}$	$\frac{2}{4}$	$\frac{3}{3}$

κδ

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Theorem 22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis rationem habentium, primi sunt inter se,

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
8	6	4	3	2

κε.

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, ὁ τὸν εἷς αὐτῶν μεζῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alterutrum illorum metitur numerus, is ad reliquum primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
6	7	3	4

κε.

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς τινα ἀριθμοὶ πρῶτοι ᾦσι, καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γινόμενος πρὸς τοὺς αὐτοὺς πρῶτος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad quēpiam numerū primi sint, ad eundem primus, is quoque futurus est, qui ab illis productus fuerit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
B	⋮	⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	E	F
5	5	5	5	2

κζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, ὁ ὅς τε εἰς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν λοιπὸν, πρῶτος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter se, qui ab vno eorum gignitur ad reliquum, primus erit.

⋮	⋮	⋮
B	C	D
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	5

κη

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέρω πρὸς ἑκάτερον πρῶτοι ᾧσι, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν γενόμενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad vtrumque, primi sint, & qui ex eis gignentur, primi inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
3	5	15	2	4	8

κθ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσι, καὶ πολλαπλασιάσας ἑκάτερος ἑαυτὸν ποιῇ τινα, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν, πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται. καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς τοὺς γενομένους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι τινας, καὶ οὗτοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται, καὶ αἰεὶ τοῖς ἀκέραις τῷ το συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicans vterque seipsum precreet aliquem, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quod si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, effecerint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idē.

hoc semper eue-
niet,

A	C	E	B	D	F
3	6	27	4	16	65

Εάν δύο ἀειθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσι, καὶ
 ὁ ἑκάστος πρὸς ἑαυτὸν αὐτῶν πρῶτος ἔσται·
 καὶ εἰς ὁ ἑκάστος πρὸς ἐκάστην αὐτῶν πρῶτος
 ἦ, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν ἀειθμοὶ, πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
 λους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam si-
 mul vterque ad vtrunque illorum primus
 erit. Et si simul vterque ad v-
 num aliquem eorum primus
 fit, etiam qui initio positi
 sunt numeri, primi inter se erunt.

Ἄπας πρῶτος ἀειθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀειθμὸν, ὃν
 μὴ μεθεῖ, πρῶτός ἐστι.

Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus aut omnē
 numerum quem nō metitur, pri-
 mus est. $\lambda\beta$

$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$
A	B	C
7	10	5

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσῃς ἀλλήλους
 ποιῶσι τινα, τὸν δὲ γινόμενον ἐξ αὐτῶν μετρή τις
 πρῶτος ἀριθμὸς, καὶ ὅτι τῶν ἐξ ἀρχῆς μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 32.

Si duo numeri sese mutuō multiplicātes fa-
 ciant aliquem, hūc autem ab illis productū
 metiatur primus quidam numerus, is alterū
 etiā metitur eorū qui initio
 positi erant. $\lambda\gamma$

$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$
A	B	C	D	E
2	6	12	3	4

Ἄπας γινόμενος ἀριθμὸς, ὃς πρὸς πρῶτον πινὸς ἀριθμὸς
 μετρεῖται.

Theor. 31. Propo. 33.

Omnē compositū numerū aliquis
 primus metitur. $\lambda\delta$

$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$
A	B	C
27	9	3

Ἄπας ἀριθμὸς ἢ τοι πρῶτος ὅστις, ἢ ὃς πρὸς πρῶτον τι-
 νὸς ἀριθμὸς μετρεῖται.

Theor. 32. Propo. 34.

Omnis numerus aut primus est,
 aut eum aliquis primus metitur. $\lambda\epsilon$

$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$	$\dot{\cdot}$
A	A	
3	6	3

Ἀριθμοὶ δὲ δύνανται ὁποσωνοῦν, εὐρεῖν τοὺς ἐλαχίστους
 τῶν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Propo. 35.

Numeris datis quotcunque, reperire mini-

mos omnium qui eandem cum illis rationem habeant.

A	B	C	D	E	F	G	H	K	I	M
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λϛ

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμὸν.

Probl. 4. Proposi. 36.

Duobus numeris datis, reperire quem illi minimum metiantur numerum.

A	C	D	E	F	
7	12	8	4	5	
A	B				
F	E	C	D	G	H
6	9	12	9	2	3

λζ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν πᾶσι μεβάσιν, καὶ ὁ ἐλάχιστος ὑπ' αὐτῶν μεβάσῃ μὲν τὸν αὐτὸν μεβάσῃ.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum quempiam metiantur, & minimus quē illi metiuntur eundem metiētur.

A	B	E	C
2	3	6	12

λη

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμὸν.

Probl. 5. Propo. 38.

Tribus numeris datis, reperire quem

A	B	C	D	E
3	4	6	12	8

minimum nume-
rum illi metiatur.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
3	6	8	12	24	16

λθ

Εὰν ἀριθμὸς ὑπὸ πινος ἀριθμοῦ μετεῖται, ὁ με-
τρίμηνος ὁμώνυμος μέρος ἔξῃ τῷ μετρούμῃ.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerus quispiam numerum metiatur,
mensus partem habe-
bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	3	1

Εὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχῃ ὁποῦν, ὑπὸ ὁμοῦμον ἀ-
ριθμοῦ μετρήσεται τῷ μέρει.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit
quamlibet, illū metietur nu-
merus parti cognominis.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
8	4	2	1

Ἀριθμὸν εὗρεν, ὃς ἐλάχιστος ὢν ἔξῃ τῷ δοθέντι μέρει.

Probl. 6. Propo. 41.

Numerum reperire, qui
minimus cū sit, datas
habeat partes.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
2	3	4	12	16

Elementi septimi finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

Ο' ΓΔΟΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM OCTAVVM.

α

Εἴ ᾧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
γον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους
ᾧσιν, ἐλάχιστοὶ εἰσι τῶν αὐτὸν λόγον ἔχοντων
αὐτοῖς.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales, quorum extremi sint inter se
primi, mi-
nimi sunt.

	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ F \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ G \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ H \end{smallmatrix}$
	8	12	18	27	6	8	12	18

omnium eandem cum eis rationem habentium,

β

Αριθμοὶ εὐρεῖν ἔξῃς ἀνάλογον ἐλαχίστοις, ὅσοις
διπλάζηταις ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ.

Probl. 1. Propo. 2.

Numeros reperire deinceps proportionales
minimos, quotcunque iusserit quispiam in
data ratione.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$	$\dot{\dot{G}}$	$\dot{\dot{H}}$	$\dot{\dot{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Εὰν ᾧσιν ὅποσινούνη ἀριθμοὶ ἔξῃς ἀνάλογον ἐλάχι-
στοι τῷ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι
αὐτῶν πρώτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶ.

Theor. 2. Propo. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales minimi habentium eandē cum
eis rationem, illorum extremi sunt inter se
primi.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$	$\dot{\dot{G}}$	$\dot{\dot{H}}$	$\dot{\dot{K}}$	$\dot{\dot{L}}$	$\dot{\dot{M}}$	$\dot{\dot{N}}$	$\dot{\dot{O}}$
27	36	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὅποσινούνη ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς,
ἀριθμοὶ εὐρεῖν ἔξῃς ἐλαχίστοις ἐν τοῖς δοθεῖσι
λόγοις.

Pro-

Probl. 2. Propo. 4.

Rationibus datis quotcunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O		
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12		

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσι τὸν συγκέλευτον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theor. 3. Propo. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K	
18	21	32	3	6	4	8	9	12	16	

Εὰν ᾖσιν ὅποιοιῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μεῖζι, οὐδεὶς ἄλλος ἕδνα μετρήσῃ.

M

Theor. 4. Propo. 6.

Si sint quot-
libet nume-
ri deinceps
proportio-
nales, pri-

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	81	4	6	9

mus autem secundum non metiatur, neque
alius quisquam vllum metietur.

§

Εὰν ὅσιν ὁποσίουν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, ὁ δὲ
πρῶτος τὸν ἑσχατοῦ μεβεῖ, καὶ τὸν δεύτερον μεβήσῃ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportio-
nales, primus autem extre-
mum metiatur, is etiam se-
cundum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
4	6	12	24

||

Εὰν δύο ἀριθμοὶ μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνά-
λογον ἐμπέπλωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μετα-
ξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλωσιν ἀριθμοὶ,
ποσούτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ-
τοῖς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσού-
νται.

Theor. 6. Propo. 8.

Si inter duos numeros medii continua pro-

portione incidant numeri, quot inter eos medii continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medii cōtinua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	E	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

θ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέψουσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέψουσιν ἀριθμοί, ποσῶντοι καὶ ἑατέρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἕξῃς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theor. 7. Propo. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medii continua proportione incidant numeri, quot inter illos medii cōtinua proportione incidunt numeri, totidem & inter utrunque eorum ac unitatem deinceps medii continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L
23	47	9	36	3	36	1	32	48	4	48	16

M ij

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἢ μονάδος μεταξὺ τοῦ συνεχῆς ἀνάλογον ἐμπέσωσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἔχουσι τοῦ αὐτῶν καὶ μονάδος ἑξῆς μεταξὺ τοῦ συνεχῆς ἀνάλογον ἐμπέσωσιν ἀριθμοί, τοσούτοι καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ τοῦ συνεχῆς ἀνάλογον ἐμπεσούται.

Theor. 8. Prop. 10.

Si inter duos numeros & unitatem continuè proportionales incidant numeri, quot inter vtrunque ipsoꝝ & unitatem deinceps medii cōtinua proportione incidunt numeri, totidem & inter illos medii continua proportione incidunt.

⋮ A	⋮ E	⋮ K	⋮ H	⋮ L	⋮ G	⋮ B
27	9	36	12	48	16	64
		D	C	F		
		3	4			

Δύο τετραγώνων ἀριθμοὶ εἰς μέσους ἀνάλογους εἶναι ἀριθμοί. καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τοὺς τετράγωνους διπλασίονα λόγον ἔχει 3 ἢ 4 ἢ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theor. 9. Prop. 11.

Quorum quadratorum numerorum unus medius proportionalis est numerus: & qua-

dratus ad quadratum	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
uplicatam habet la-	A	C	E	D	B
teris ad latus rationē.	9	3	12	4	16

16

Δύο κύβων ἀριθμοὶ δύο ἀνάλογον εἰσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ὡς ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo medii proportionales sunt numeri : & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

17

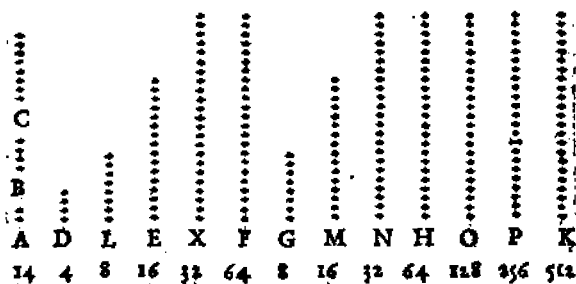
Εάν ᾤσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἐαυτὸν ποιῇ πῖνας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ εἰαν οἱ ἕξαρχῇς τοῖς γενομένοις πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι πῖνας, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἰετὸς τοῖς ἀκροῖς τὸ το συμβαίνει.

Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, & multiplicans quisque seipsum

M ii j

faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt: & si numeri primūm positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18

Εὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρή, καὶ ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρήσῃ. καὶ εἰὰν ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρή, καὶ ὁ τετράγωνος τοῦ τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 12. Propo. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerū metiatur, & latus vnius metietur latus alterius. Et si vnius quadrati latus metiatur latus alterius, & quadratus quadratum metietur.

16

Εὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετῇ, καὶ ἡ
 πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεβῇσθ, καὶ εἰς ἡ πλευρὰ τὴν
 πλευρὰν μετῇ, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μεβῇσθ.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metia-
 tur, & latus vnus metietur alterius latus. Et
 si latus vnus cubi latus alterius metiatur,
 tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	E	C	D	B	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

17

Εὰν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μὴ
 μετῇ, ὅδε ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεβῇσθ, καὶ ἡ
 πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μετῇ, ὅδε ὁ τετράγωνος
 τὸν τετράγωνον μεβῇσθ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum nume-
 rum non metiatur, neque latus vnus me-
 tietur alterius latus. Et si
 latus vnus quadrati non
 metiatur latus alterius, ne-
 que quadratus quadratū
 metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	3	4

M iij

ιζ

Εὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μετῇ, ἔδ' ἢ
 πλευρὰ τιῶν πλευρὰν μετρήσῃ· καὶ ἡ πλευρὰ τιῶν
 πλευρὰν μὴ μετῇ, ἔδ' ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum non
 metiatur, neq; latus unius
 latus alterius metietur. Et
 si latus cubi alicuius la-
 tus alterius nō metiatur,
 neque cubus cubum me-
 tietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

ιη

Δύο ὁμοίων ὀπίπεδων ἀριθμοὶ εἰς μέσους ἀνάλο-
 γος ὅστιν ἀριθμὸς, καὶ ὁ ὀπίπεδος πρὸς τὸν ὀπίπεδον
 διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἡ ὁμόλογος πλευρὰ
 πρὸς τιῶν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theor. 16. Propo. 18.

Duorum similibium planorum numerorum
 vnus medius
 proportiona-
 lis est nume-
 rus: & planus
 ad planum duplicatam habet lateris homo-
 logi ad latus homologum rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

10

Δύο ὁμοίων στερεῶν ἀριθμοί, δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπλουσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ στερεὸς πρὸς τὸν ὁμοιον στερεὸν βίπλασιονα λόγον ἔχει, ἢ τὸ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medii proportionales incidunt numeri, & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologici ad latus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

π

Εὰν δύο ἀριθμοί εἰς μέσους ἀνάλογον ἐμπίπῃ ἀριθμοὺς, ὅμοιοι ὅτι πεδὸν εἰσονται ἀριθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius proportionalis incidat numerus, similes plani erūt illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

κα

Εὰν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπέπλωσι
ἀριθμοί, ὅμοιοι περιόεισιν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Propo. 21.

Si inter duos numeros duo medii propor-
tionales incidant numeri, similes solidi sunt
illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κβ

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ δὲ πρῶτος
τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ τρίτος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps sint
proportionales, primus au-
tem sit quadratus, & tertius
quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

κγ

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ δὲ
πρῶτος κύβος ἦ, καὶ ὁ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theor. 21. Propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps
sint proportionales,
primus autem sit cubus,
& quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὃ δὲ πρῶτος τετράγωνος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se quam quadratus numerus ad quadratū numerum, primus autem
 sit quadratus, & secundus quadratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		B	C		D
4	6	9	16	24	36

κ ε

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ δὲ πρῶτος κύβος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant quam cubus numerus ad cubum numerū, primus autem cubus sit, & secundus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216

κ γ

Οἱ ὅμοιοι ὀπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quam quadratus numerus ad quadratū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κ ζ

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Theor. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.

β

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαις ἀλλήλους
ποιῶσι τετράγωνον, ὅμοιοι ὅτι πεδὸν εἰσιν.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes
quadratum faciāt,

illi similes sunt

plani.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
4	6	12	9
		18	36

γ

Εάν κύβος ἀριθμὸς εἰαυτὸν πολλαπλασιάσαις ποιῇ
πινά, ὁ γινόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans
procreet ali-

quem, pro-

ductus cu-

bus erit.

$\bullet$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$
Unitas.	3	4	8	16
				32
				64

δ

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιά-
σαις ποιῇ πινά, ὁ γινόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubum:

numerū multiplicās quē-

dam procreet, procreatus

cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
8	27	64	216

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-
σας κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος
ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quēdam mul-
tiplicans cubum pro-
creet, & multiplicatus
cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
27	64	729	1728

Εάν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ,
καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multipli-
cans cubum procreet, & ipse
cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
27	729	19683

Εάν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-
σας ποιῇ τινα, ὁ γινόμενος τετράδος ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam numerū
multiplicans quem-
piam procreet, pro-
ductus solidus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$
6	8	48	2	3

Ἡ
 Εάν ὁ ἀπὸ μονάδος ὅποσσιούῃ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
 γον ᾧσιν, ὁ μὲν τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος τετράγω-
 νός ἐστιν, καὶ οἱ εἰς ἀφαιρούντες πάντες, ὁ δὲ τέταρ-
 τος κύβος, καὶ οἱ δύο ἀφαιρούντες πάντες, ὁ δὲ ἑξο-
 μος κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος, καὶ οἱ πέντε ἀφαι-
 ρόντες πάντες.

Theor. 8. Propo. 8.

Si ab vnitate quotlibet numeri deinceps
 proportionales sint, tertius ab vnitate qua-
 dratus est, & vnum intermittentes omnes:
 quartus autem cubus, & duobus intermissis
 omnes: septimus
 verò cubus simul
 & quadratus, &
 quinque inter-
 missis omnes.

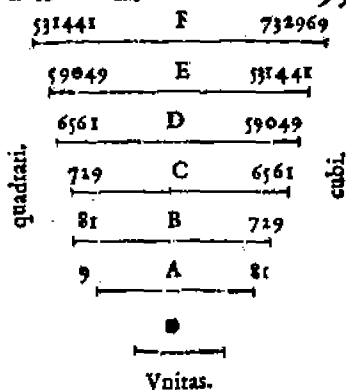
●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
Vnitas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	27	81	243	729

Θ
 Εάν ὁ ἀπὸ μονάδος ὅποσσιούῃ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
 γον ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ πλὴν μονάδα τετράγωνος ἦ, καὶ οἱ
 λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται, καὶ εἰάν ὁ μετὰ
 πλὴν μονάδα κύβος ἦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι
 ἔσονται.

Theor. 9. Propo. 9.

Si ab vnitate sint quocunque numeri
 deinceps proportionales, sit autem qua-
 dratus

dratus is qui v-
nitatem sequi-
tur, & reliqui
omnes quadra-
ti erunt. Quòd
si qui vnitatem
sequitur cubus
sit, & reliqui
omnes cubi e-
runt.



Εὰν ὁποῦν μονάδος ὁποσοῖον αἰσθητοὶ ἀνάλογον ὦ-
σιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, οὐδ' ἄλ-
λος οὐδεὶς τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τῶ τρίτου ὁποῦν τῆς
μονάδος καὶ τῆς ἑνὸς ἀφαιρούμενων πάντων. καὶ εἰ ὁ
μετὰ τὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδ' ἄλλος οὐδεὶς
κύβος ἔσται, χωρὶς τῶ τετάρτου ὁποῦν τῆς μονάδος καὶ
τῆς δύο ἀφαιρούμενων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitatem numeri quocunque propor-
tionales sint, non sit autem quadratus is qui
vnitatem se-
quitur, ne-
que alius vl-
lus quadra-

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vni-	A	B	C	D	E	F
tas.	1	4	9	16	25	36

N

tus erit, demptis tertio ab vnitae ac omnibus vnum intermittentibus. Quod si qui vnitatem sequitur cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, demptis quarto ab vnitae ac omnibus duos intermittentibus.

1 α

Εάν ὧν μονάδος ὅποσσιού ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ἐλάττω τὸν μείζονα μετρεῖ κατὰ τινα τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitae numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiam eorum qui in proportionalibus sunt numeris.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \\ \vdots \end{smallmatrix}$
1	2	4	8	16

1 β

Εάν ὧν μονάδος ὅποσσιού ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὑφ' ὧσιν, αὐτὸς ὅσχατος πρώτων ἐειρημένῳ μετρεῖται, κατὰ τὴν αὐτὴν καὶ ὁ ἐλάττω μονάδα μετρηθήσεται.

Theor. 12. Propo. 12.

Si ab vnitae quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum

ultimum metiuntur, totidem & eum qui
unitati proximus est, metientur.

Unicas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	4	16	64	256	2	8	32	128

17

Εὰν ὅτι μὴ ἀπὸ μονάδος ὁποσοῦν αἰριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
γον ὦσιν, ὁ δὲ μετὰ τῇ μονάδα πρῶτος ἢ, ὁ μέγιστος
ὑπὸ οὐδενὸς ἄλλου μετρηθήσεται παρὲς τῆς ὑπαρχόν-
των ἐν τοῖς ἀνάλογον αἰριθμοῖς.

Theor. 13. Propo. 13.

Si ab vnitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem sit qui vnitatem sequitur, maximum nullus alius metietur, iis exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.












Vitas. A. B. C. D. E. H. G. F.

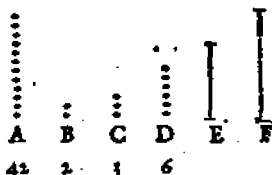
3 9 17 21

N ij

^{1δ}
 Εάν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ πρῶτων ἀριθμῶν με-
 τρήται, ὑπ' ἑδενὸς ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται πα-
 ρὲξ τῆς ἐξ ἀρχῆς μετρούμενον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
 merum primi ali-
 quot numeri me-
 tiantur, nullus a-
 lius numerus pri-
 mus illum metiec-

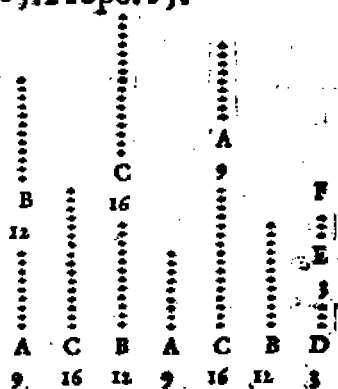


tur, iis exceptis qui primò metiuntur.

^{1ε}
 Εάν πρῆς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν ἐλάχιστοι
 τῶν αὐτῶν λόγων ἔχοντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν
 ᾧσιν ἀνάλογον τὸν λοιπὸν πρῶτοι εἰσίν.

Theor. 15. Propo. 15.

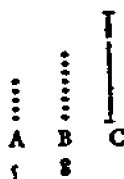
Si tres nume-
 ri deinceps
 proportiona-
 les sint mini-
 mi eandē cum
 ipsis habentiū
 rationem, duo
 quilibet cōpo-
 siti ad tertium
 primi erunt.



¹⁵
 Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ᾤσιν, ὅτε
 ἕται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτε-
 ρος πρὸς ἄλλον πινά.

Theor. 16. Propo. 16.

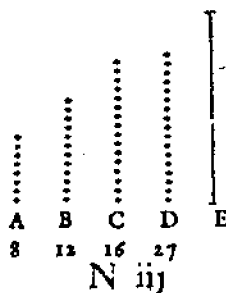
Si duo numeri sint inter se pri-
 mi, non se habebit quemad-
 modum primus ad secundum,
 ita secundus ad quempiam a-
 lium.



¹⁶
 Εὰν ᾤσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀτάλοχον, οἱ
 δὲ ἄχροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ᾤσιν, ὅτε
 ἕται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἕστα-
 τος πρὸς ἄλλον πινά.

Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet nu-
 meri deinceps pro-
 portionales, quorum
 extremi sint inter se
 primi, nō erit quem-
 admodum primus ad
 secundum, ita vltimus
 ad quempiam alium.

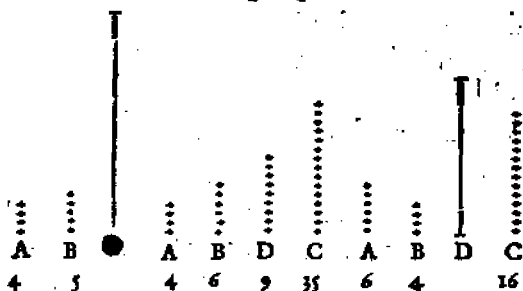


17

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, ὁποσδήποτε εἰ δυνατόν
ᾗ ἐστιν αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσσευρῆν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, cōsiderare possitne
tertius illis inueniri proportionalis.

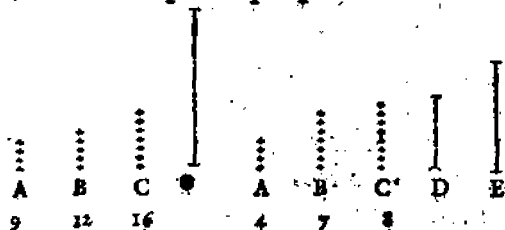


18

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ὁποσδήποτε εἰ δυνατόν
ᾗ ἐστιν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσσευρῆν.

Theor. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne
quartus illis reperiri proportionalis.



κ

Οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσι παρὰ τὸς ἕ. ὡς π-
 γέντος πλήθους πρῶτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri plu-
 res sunt quacūque
 proposita multitu-
 dine primorū nu-
 merorum.

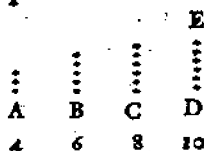


κα

Εὰν ἄρτοι ἀριθμοὶ ὅποσσιούω συντεθῶσιν, ὁ ὅλος
 ἄρτιός ἐστιν.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot-
 libet compositi sint,
 totus est par.



κβ

Εὰν ὁξεῖοι ἀριθμοὶ ὅποσσιούω συντεθῶσι, τὸ δὲ
 πλήθος αὐτῶν ἄρτιον ἢ, ὁ ὅλος ἄρτιος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

N iiiij

500 110001

ſint, ſit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.

				E
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	
5	9	7	3	

κ γ

Εὰν πλείους ἀριθμοὶ ὅποσιοῦν συντεθῶσι, τὸ δὲ
πλήθος αὐτῶν πλείον ἐστὶν ἢ, καὶ ὅλος πλείονος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 23.

Si impares numeri quot-
cunque compositi ſint,
ſit autem impar illorum
multitudo, & totus im-
par erit.

⋮	⋮	⋮	
⋮	⋮	⋮	
A	B	C	E
5	7	8	1

κ δ

Εὰν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-
πὸς ἄρτιος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detractus
ſit, & reliquus par erit.

	B
⋮	⋮
A	C
6	4

κ ε

Εὰν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ πλείονος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς πλείονος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 25.

Si de pari numero impar
detractus sit, & reliquus
impar erit.

⋮		B
⋮		⋮
⋮	.	⋮
A	C	D
8	1	4

Εὰν ἀπὸ ^{κ ε} πᾶσι τοῖς ἀριθμοῖς ἀφαιρεθῇ, ὃ ὁ
λοιπὸς ἀρπὸς ἔσται.

Theor. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit.

⋮	⋮	B
⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	C	D
4	6	2

Εὰν ἀπὸ ^{κ ζ} πᾶσι τοῖς ἀριθμοῖς ἀρπὸς ἀφαιρεθῇ, ὁ λοι-
πὸς πᾶσι τοῖς ἔσται.

Theor. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

		B
.	⋮	⋮
	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

Εὰν ^{κ η} πᾶσι τοῖς ἀριθμοῖς ἀρπὸν πολλαπλασιάσας
παῖν τινὰ, ὁ γινόμενος ἀρπὸς ἔσται.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans procreet quempiam, procreatus par erit.

κθ

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	4	12

Εὰν πᾶσις ἀριθμὸς πᾶσιν ἀριθμοῖν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος πᾶσις ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparē numerū multiplicās quendā procreet, procreatus impar erit.

λ

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	5	15

Εὰν πᾶσις ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετῇ, ἢ τὸν ἡμισυν αὐτῷ μετῇ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

λα

⋮	⋮	⋮
A	C	B
3	6	18

Εὰν πᾶσις ἀριθμὸς πρὸς τινα ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ, ἢ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτῷ πρῶτος ἔσται.

Theor. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quēpiam primus sit, & ad illius duplū primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
7	8	16	

λβ

Τὸν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμὸν ἔχει
 ὡς ἀρτιάκις ἀρτίος ὅστις μόνον.

Theor. 32. Propo. 32.

Numerorum, qui à bi-
 nario dupli sunt, vnus-
 quisque pariter par est
 tantum.

Vnitas.

A

B

C

D

2

4

8

16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυν ἔχει πλειονὴν, ἀρτιάκις
 πλειονός ὅστις μόνον.

Theor. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat,
 pariter impar est tantum.

A

20

λδ

Εὰν ἄρτιος ἀριθμὸς μήτε τῆς ἀπὸ δυάδος διπλα-
 σιαζομένων ἢ, μήτε τὸν ἡμισυν ἔχει πλειονὴν, ἀρ-
 τιάκις, τε ἀρτίος ὅστις καὶ ἀρτιάκις πλειονός.

Theor. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec sit duplex à bina-
 rio, nec dimidium impar habeat, pa-
 riter par est, & pariter impar.

A

20

λ_2

Εὰν ᾖσιν ὅσοι διηποτοῦν ἀειθροὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ἀ-
φαιρεθῶσι δὲ ἀπὸ τε τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου ἴσοι
τοῦ πρώτου, ἕστα ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπορχὴ πρὸς
τὸν πρῶτον, οὕτως ἐξ ἐσχάτου ὑπορχὴ πρὸς τοὺς
πρὸ ἐαυτοῦ ἅπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportionales,
detrahantur autem de se-
cundo & ultimo æquales
ipsi primo, erit quemad-
modum secundi excessus
ad primum, ita ultimi ex-
cessus ad omnes qui vlti-
mum antecedunt.

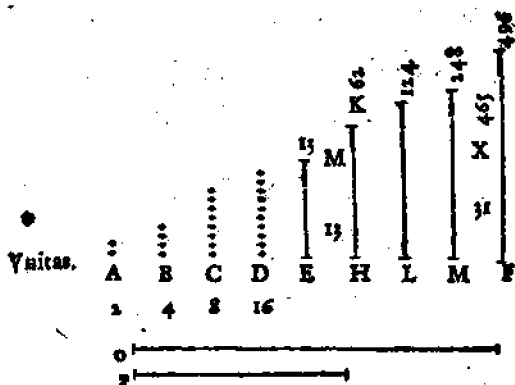
[illegible] λ_5

Εὰν ὅπο' μονάδος ὁποσοιοῦ ἀειθμοὶ ἐξῆς ὅκτε-
 θῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογία ἕως οὗ ὁ σύμπαρ
 ζυντεθεὶς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ὅτι τὸν
 ἔσχατον πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος
 τέλος ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps:

expositi sint in duplici proportionē quoad
totus compositus primus factus sit, isque
totus in ultimum multiplicatus quempiam
procreet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΔΕΚΑΤΟΝ.

E V C L I D I S E L E M E N -
T V M D E C I M V M .

ΟΨΟΙ.

α

ΣΥμμετρα μέγεθῃ λέγεται, ἡ τῷ αὐτῷ μέ-
τρῳ μεβούμενα.

D E F I N I T I O N E S .

I

Commensurabiles magnitudines dicun-
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Ἀσύμμετρα δὲ, ὧν μηδὲν ἐνδέχεται κοινὴν μέτρον
μετρεῖσθαι.

2.

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mēsuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθείαι δυνάμει σύμμετροί εἰσι, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα τῷ αὐτῷ χώρῳ μετρηται.

3

Lineæ rectæ potentia cōmensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροι δὲ, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδέχεται χῶρον κοινὸν μέτρον γνέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τῶν ἐποκιδμένων, δέκνται ὅτι τῇ περὶ τῆς εὐθείας ὑπάρχουσιν εὐθείαι πλήθι ἀπειροι, σύμμετροί τε ἢ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκει καὶ δυνάμει, αἱ δὲ δυνάμει μόνον. Καλεῖσθαι οὖν ἢ μὲν περὶ τῆς εὐθείας ρητή.

5

Hæc cum ita sint, ostendi potest quòd quacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles eidem commensurabiles, aliæ item incommensurabiles, hæ quidem longitudine & potentia: illæ vero potentia tantum. Vocetur igitur linea recta, quantacunque proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

5

Καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκῃ καὶ δυνάμει, εἴτε δυνάμει μόνον, ῥηταί.

6

Lineæ quoque illi ῥητὴ commensurabiles siue longitudine & potentia; siue potentia tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationales.

7

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθαι.

7

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali, vocentur ἄλογοι, id est irrationales.

η

Καὶ τὸ μὲν ὑπὸ τῆς προτεθείσης εὐθείας τετραγώνον, ῥητόν.

8

Et quadratum quod à linea proposita describitur quam ῥητὴν vocari volumus, vocetur ῥητόν.

Καὶ ταῦτα

θ

Καὶ τὰ τέττα σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

ι

Τὰ δὲ τέττα ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

10

Quæ verò sint illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est surda.

1α

Καὶ αἱ δυνάμειαι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὴ τετράγωνα εἴη, αὐταὶ αἱ πλευραί. εἰ δὲ ἕτερον πινὰ εὐθύγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετράγωνα ἀναγράφουσι.

11

Et lineæ quæ illa incōmensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ, quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.

Δύο μεγέθων αἴσιν ἐκκεκμημένον, ἵατ' ἀπὸ τοῦ με-

○

ζωνος ἀφαιρεθῇ μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τῷ κατὰ
 πιδύον μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τῷ αἰ γήνηται, λε-
 φθήσεται τι μέγεθος, ὃ ἔστιν ἐλάσσον ἐκκειμένου ἐ-
 λάσσονος μεγέθους.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-
 positis, si de maiore detraha-
 tur plus dimidio, & rursus
 de residuo iterum detraha-
 tur plus dimidio, idque sem-
 per fiat: relinquetur quæ-
 dam magnitudo minor al-
 tera minore ex duabus pro-
 positis.



β

Εὰν δύο μεγέθων ἐκκειμένων αἰσίων, αὐτοφαιρου-
 μένῃ αἰ τῷ ἐλάσσονος ἀπὸ τῷ μείζονος, τὸ κατὰ
 λειπόμνον μηδέποτε κατὰμετρῇ τὸ πρὸς ἑαυτοῦ,
 ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
 propositis inæqualibus, si
 detrahatur semper minor
 de maiore, alterna quadam
 detractione, neque residuū
 vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles sunt illæ magnitudines.

γ

Δύο μεγέθων συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. 1. Propo. 3.

Duabus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.

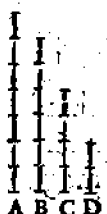


δ

Τριῶν μεγέθων συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.

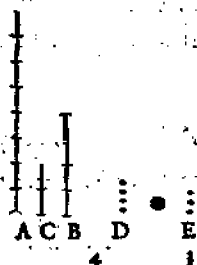


Ἐκδομένης αὐτῆς μεγέθους πρὸς ἀπληκτὰ λόγον ἔχει, ὅτι ἀεικμὸς πρὸς ἀεικμῶν.

Ο ij

Theor. 3. Propo. 5.

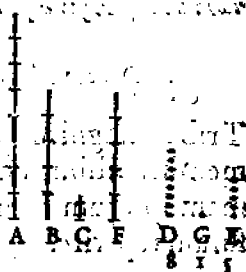
Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρά ἐστι τὰ μεγέθη.

Theor. 4. Propo. 6.

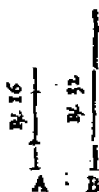
Si duae magnitudines proportionē eam habēt inter se, quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illae magnitudines.



Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor. 5. Propo. 7.

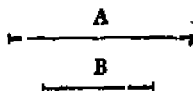
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionē nō habent, quam numerus ad numerum.



Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ ἔχῃ, ὃν ἀειθμὸς πρὸς ἀειθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσονται τὰ μεγέθη.

Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habēt, quam numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.

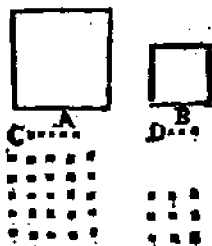


Τὰ ἀπὸ τῆς μήκει Συμμέτρων εὐθεῖων τετράγωνα, πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, ὃν τετράγωνος ἀειθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχοντα, ὃν τετράγωνος ἀειθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἔξῃ μήκει Συμμέτρους. τὰ δὲ ἀπὸ τῆς μήκει ἀσύμμετρων εὐθεῖων τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα λόγον οὐκ ἔχῃ, ὃν τετράγωνος ἀειθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ

ἔχοντα, ὅταν τετράγωνος ἀειγμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειγμὸν, οὐδὲ τὰς πλευρὰς ἕξῃ μὴκει συμμέτρους.

Theor. 7. Propo. 9.

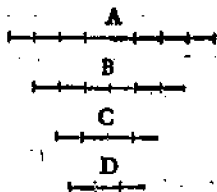
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habēt, quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se, quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habēt inter se, quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se, quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ
 σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον τῷ δευτέρῳ ἀσύμ-
 μετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ ἀσύμμετρον
 ἔσται.

Theor. 8. Propo. 10.

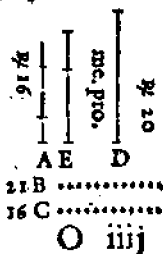
Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima ve-
 rò secundæ fuerit
 commensurabilis,
 tertia quoq; quar-
 tæ commensurabi-
 lis erit. quòd si pri-
 ma secundæ fuerit
 incommensurabilis, tertia quoque quartæ
 incommensurabilis erit.



Τῇ ἀντίθεσιν εὐθείᾳ προσεργεῖν δύο εὐθείας ἀ-
 σύμμετροις, πῶς μὲν μήτε μόνον, πῶς δὲ καὶ διανάμει.

Probl. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητέαν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



lam verò non longitudine tantum, sed etià
potentia incommensurabilem.

1β

Τὰ τῷ αὐτῷ μέγῃ σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ὄντι
σύμμετρα.

Theor. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ ei-
dem magnitudini sunt
commensurabiles, inter
se quoque sunt commē-
surabiles.

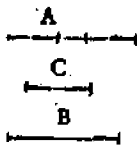


1γ

Εὰν ᾗ δύο μέγῃ, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον ᾗ τῷ αὐ-
τῷ, τὸ δὲ ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ
μέγῃ.

Theor. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem
commensurabilis sit tertiæ
magnitudini, illa verò eidē
incommensurabilis, incom-
mensurabiles erunt illæ duæ
magnitudines.



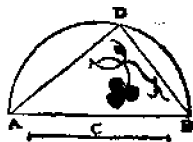
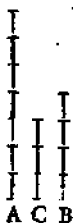
1δ

Εὰν ᾗ δύο μέγῃ σύμμετρα, τὸ δὲ ἕτερον αὐτῶν με-

μέθ' ἐπὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὸ λοιπὸν τῷ αὐτῷ ἀσύμμετρον ἔσται.

Theor. 11. Propo. 14.

Si duarum magnitudinum commensurabilium altera fuerit incómensurabilis magnitudini alteri cuiuspiã tertię, reliqua quoque magnitudo eidem tertię incommensurabilis erit.



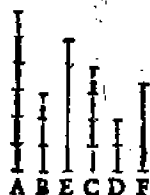
1 E

Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσι, διώηται δὲ ἡ πρώτη τῆς δευτέρας μείζον τῷ ὑπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον διώησθαι τῷ ὑπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ εἰ ἡ πρώτη τῆς δευτέρας μείζον διώηται τῷ ὑπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον διώησθαι τῷ ὑπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ μήκει.

Theor. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectę proportionales fuerint, possit autem prima plusquàm secunda tanto quantum est quadratum lineę sibi commensurabilis longitudine : tertia quoque poterit plusquàm quarta tãto quantum est

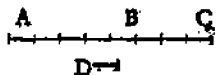
quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si prima possit plusquam secunda quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis: tertia quoque poterit plusquam quarta quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine.



¹⁵
Εὰν δύο μέγεθῃ σύμμετρα (ῥωτέσθῃ, καὶ τὸ ὅλον ἐκαστέρῳ αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον εἰς αὐτῶν σύμμετρον ἢ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μέγεθῃ σύμμετρα ἔσται.

Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines cõmensurabiles componantur, tota magnitudo composita singulis partibus commensurabilis erit. quòd si tota magnitudo composita alterutri parti commensurabilis fuerit, illæ duæ quoque partes commensurabiles erunt.

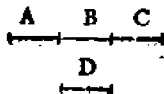


¹⁶
Εὰν δύο μέγεθῃ ἀσύμμετρα (ῥωτέσθῃ, καὶ τὸ ὅλον ἐκαστέρῳ αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον εἰς

αὐτῶν ἀσύμμετρον ἢ, καὶ ἀ' ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀσύμμετρα ἔσται.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componētibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.

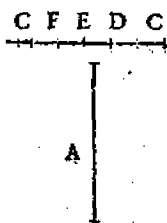


Εὰν ᾗσι δύο εὐθεῖαι αἰῖσι, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει τῷ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ᾠδωλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα ᾠδωβληθῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτῷ διαρῇ μήκη, μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διώησεται, τῷ ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκη. καὶ εἰ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διώηται, τῷ ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκη, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει τῷ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ᾠδωλληλόγραμμον ᾠδω τὴν μείζονα ᾠδωβληθῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτῷ διαρῇ μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à

minore, & quale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineã illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tanto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si maior plus possit quàm minor, tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris & quale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterũ latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



10

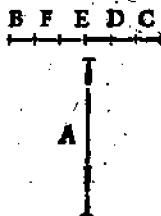
Εὰν ὥς δινοῦνται αἵ σοι, τὰ δὲ τετάρτῳ μέρει
τῆς ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ᾧ ἐστὶ τὸ μείζονα πα-

ἐκβαλεῖν ἑλλείπον εἶδ' ὁ τετραγώνω, ὃς εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαιρῇ μήκη, ἢ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διώκεται, τὸ δὲ ἀσύμμετρον ἑαυτῇ. καὶ εἰ ἢ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διώκεται τὸ δὲ ἀσύμμετρον ἑαυτῇ, τὸ δὲ τετάρτῳ ὃ δὲ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς τὴν μείζονα ὡς ἐκβαλεῖν ἑλλείπον εἶδ' ὁ τετραγώνω, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαιρῇ μήκη.

Theor. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autem parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrammum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tanto plus potest quam minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quod si maior linea tãto plus possit quam minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur se-

cundum maiorem, ex qua tantum exēu-
rat extra latus parallelo-
grammi, quantum est
alterum latus ipsius; pa-
rallelogrammū sui ap-
plicatione diuidit maio-
rem in partes inter se in-
commensurabiles lon-
gitudine.

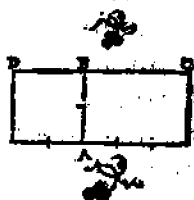


κ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν μὲν καὶ συμμετρῶν κατὰ πᾶσι τῶν
περιγεγραμμένων τεύχεων ὡς αὐτῶν περιγεγραμμένον ὀρθογώ-
νιον, ῥητὸν ὅστιν.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectāgula con-
tenta ex lineis rectis ratio-
nalibus longitudine com-
mensurabilibus secundum
vnum aliquem modum
ex antedictis, rationalis
est.

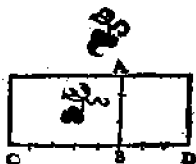


κα

Εὰν ῥητὸν ὡς αὐτὸ ῥητὸν ὡς αὐτὸ ῥητὸν, πλάτος
ποῦν ῥητὸν καὶ συμμετρὸν τῇ παρ' αὐτὸ ῥητῶν
μὲν.

Theor. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

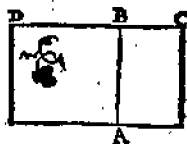


α β

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν διωάμει μόνον σύμμετρον εὐθειῶν ἀειχόμενον ὀρθογώνιον ἀλογόν' ἐστὶ, καὶ ἡ διωαμένη αὐτῷ ἀλόγος' ἐστὶ. χαλεῖσθω δὲ μέση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantū cōmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.



α γ

Τὸ ὑπὸ μέσης καὶ ῥητῶν καὶ ἀλλόμορων, πλατὺς ποιεῖ ῥητὴν καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτῷ καὶ μήκει.

Theor. 20. Propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.

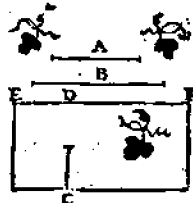


κδ

Ἡ τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέση ἐστίν.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.

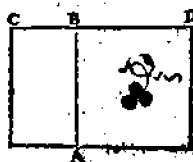


κε

Τὸ ὑπὸ μέσων μὲν καὶ συμμέτρων εὐθειῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μέσον ἐστίν.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.



Τὸ ὑπὸ

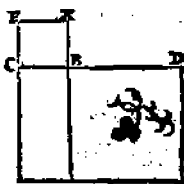
κ ε

Τὸ ὑπὸ μέσων δυνάμεϊ μόνον συμμέτρων περι-
χόμενον ὀρθογώνιον, ἢ τοῖς ῥητοῖς, ἢ μέσων ὄντι.

Theor. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum compre-
hensum

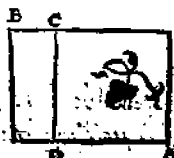
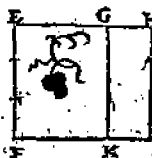
duabus li-
neis me-
dialib⁹ po-
tentia tā-
tum com-
mensurabilibus, vel rationale est, vel me-
diale.



κ ζ
Μέσον μέσῳ οὐκ ὑπερέχει πῶτα.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale
nō est ma-
ius quàm
mediale su-
perficie ra-
tionali.

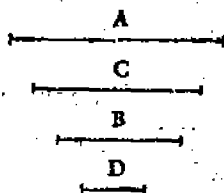


κ η
Μέσας εὑρεῖν δυνάμει μόνον συμμέτρους, ῥητὸν πε-
ριχόμενας.

P

Probl. 5. Propo. 28.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commēsurabi-
les rationale cōpre-
hēdentes.

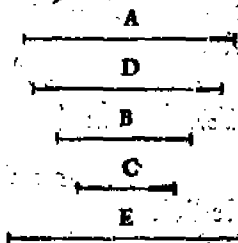


α θ

Μέσση εὐρεῖν δυνάμει μόνον συμμέτροις μέσων πε-
ριχοῦσας.

Probl. 5. Propo. 19.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commēsurabi-
les mediale cōpre-
hēdentes.



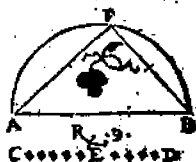
λ

Εὐρεῖν δύο ῥητάς δυνάμει μόνον συμμέτροις, ἅτε
πλὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δυνάσασθαι το-
σοῦτο συμμέβη εἰαυτῇ μήκει.

Probl. 6. Propo. 30.

Reperire duas rationales potentia tantū

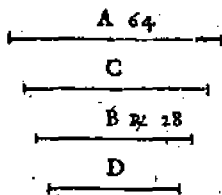
commensurabiles huiusmodi, vt maior ex illis possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

 λa

Εὐρεῖν δὲ δύο μέσα, διώκει μόνον Συμμέτρους ῥητὸν
 ἀεὶ ἐκχοῦσας, ὥστε πῶς μείζονα τῆς ἐλάσσονος μετ-
 ἕξου διώσθαι τὸ ὑπὸ συμμετρῶν αὐτῇ μήκη.

Probl. 7. Prop. 3 i.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentes, tales inquam, ut maior possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

 $\lambda\beta$

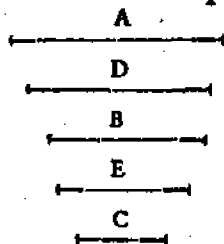
Εὐρεῖν δὴ δύο μέσας, δυνάμει μόνον συμμετρίας μέσον
ἀπειροχόστας, ὥστε τὴν μείζονα τῆς ἐλάττωτος με-
ζον διυλάσθαι τὴν ἀπὸ συμμετρίας εἰαντῇ.

Probl. 8. Propo. 3 z.

Reperire duas lineas mediales potentia

P if

tantum commensurabiles medialem superficiem continentes,
huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

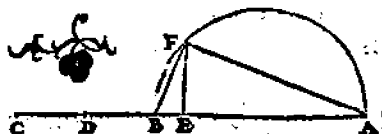


λ γ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας, δυνάμει ἀσυμμέτρους, ποίους τὸ μὲν συγχείμενον ὡς τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέσον.

Probl. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiem rationalem, parallelogrammum verò ex ipsis cōtēntum sit mediale.

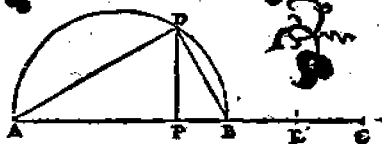


λ δ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας, δυνάμει ἀσυμμέτρους, ποίους τὸ μὲν συγχείμενον ὡς τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν.

Probl. 10. Propo. 34.

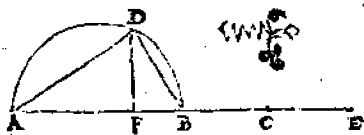
Reperire lineas duas rectas potétia incom-
mensurabiles, conficientes compositum ex
ipsarú qua- 
dratis me-
diale, pa- 
rallelográ-
mum verò
ex ipsis cò-
tentú rationale. $\lambda \epsilon$



Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωάμεν ἀσυμμέτρους, ποιούσας
τό, τε συσκέμνον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων
μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἔτι ἀσύμμετρον τῷ
συσκεμνῶ ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potétia incom-
mensurabiles, conficientes id quod ex ipsa-
rum quadratis componitur mediale, simúl-
que parallelogrammum ex ipsis contétum,
mediale, quod præterea parallelogrammum
sit incom-
mésurabi-
le compo-
sito ex qua-
dratis ipsa-
rum.



ΑΡΧΗ ΤΩ Δ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-
 θεσιν ἑξάδων.

λγ

Εὰν δύο ῥηταὶ δυνάμει μόνον σύμμετροι ᾖντι-
 γῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστι. καλείσθω δὲ ἐκ δύο ὁ-
 νομάτων.

PRINCIPIUM SENARIO-
 rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potétia tantùm com-
 men-
 surabiles componantur, tota linea erit irra-
 tionalis. Vo-
 cetur autem
 Binomium.

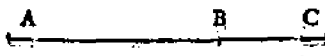


λζ

Εὰν δύο μέσαι δυνάμει μόνον σύμμετροι ᾖντιγῶσι
 ῥητὸν πειδείχουσαι, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστι. καλείσθω δὲ
 ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantùm com-
 men-
 surabiles rationale continentes componan-
 tur, tota li-
 nea est irra-
 tionalis,



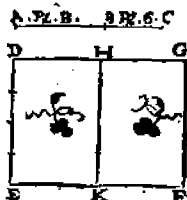
vocetur autem Bimediale prius.

λη

Εὰν δύο μέσαι δυναμει μόνον σύμμετροι (συτηθῶσι μέσον ὡς εἰχούσαι, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστὶ. καλείσθω δὲ ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum commensurabiles mediale continentes componantur, tota linea est irrationalis. vocetur autem Bimediale secundum.

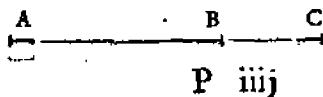


λθ

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυναμει ἀσύμμετροι (συτηθῶσι ποιῶσαι τὸ μὲν συγκέκμηρον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἢ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστὶ. καλείσθω δὲ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum rationale, parallelogrammum verò ex ipsis contentum mediale, tota linea recta est irrationalis. Vocetur autem linea maior.



μ

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι συντεθῶσι, ποιῶσαι τὸ μὲν συγκεκμημένον ὅκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν, ἢ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. χαλεῖσθαι δὲ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμδύν.

Theor. 29. Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficiētes compositum ex ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit ex ipsis, rationale, tota linea est irrationalis. Vocetur

autem potens
rationale &
mediale.

A

B

C

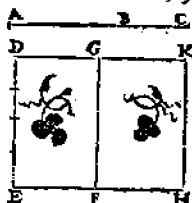
μα

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι συντεθῶσι ποιῶσαι τὸ, τε συγκεκμημένον ὅκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπ' ἀσύμμετρον τῷ συγκεκμημένῳ ὅκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ἢ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. χαλεῖσθαι δὲ δύο μέσα δυναμδύν.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum mediale, & quod continetur ex ipsis, mediale, & præterea in

commensurable compo-
sito ex quadratis ipsarum,
tota linea est irrationalis.
Vocetur autem potēs duo
medialia.

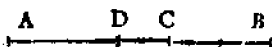


μβ

Ἡ' ὅτι δύο ὀνόματων καὶ ἐν μόνον σημείον διαφύεται
εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto diui-
ditur in sua nomi-
na, id est in lineas
ex quibus compo-
nitur.

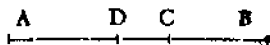


μγ

Ἡ' ὅτι δύο μέσων πρώτης καὶ ἐν μόνον σημείον δια-
φύεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Propo. 43.

Bimediale prius in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina.

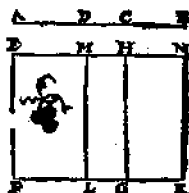


μδ

Ἡ' ὅτι δύο μέσων δεύτερης καὶ ἐν μόνον σημείον δι-
αφύεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 33. Propo. 44.

Bimediale secundū in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



Ἡ μείζων ^{μ ε} $\chi\zeta$ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαρῆται εἰς ἑὸν ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

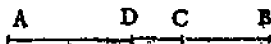
Linea maior in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



Ἡ ῥητὸν ^{μ ε} $\chi\zeta$ μέσον διωαμμένη $\chi\zeta$ εἰ μόνον σημεῖον διαρῆται εἰς ἑὸν ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

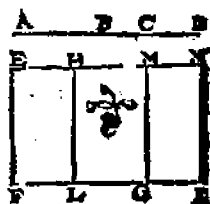
Linea potens rationale & mediale in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



Ἡ δύο μέτρα διωαμμένη ^{μ ζ} $\chi\zeta$ εἰ μόνον σημεῖον διαρῆται εἰς ἑὸν ὀνόματα.

Theor. 36. Pro-
posi. 47.

Linea potens duo me-
dialia in vnico tantum
puncto diuiditur in sua
nomina.



Ο' Ρ ΟΙ Δ ΕΥ' Τ Ε Ρ ΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δι-
ρημένης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μείζον ὄνομα τῷ
ἐλάχιστονος μείζον διώκεται τῷ ὑπὸ συμμετρῶν
ἐαυτῇ μήκει.

α

Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει τῇ ἐκ-
κεκλιμένη ῥητῇ, χαλεῖσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εὰν δὲ τὸ ἐλάχιστον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει τῇ ἐκ-
κεκλιμένη ῥητῇ, χαλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δεύτερη.

γ

Εὰν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾖ τῇ μή-
κει τῇ ἐκκεκλιμένη ῥητῇ, χαλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομά-
των τρίτη.

Πάλιν δὲ εἰὰν τὸ μείζον ὄνομα τῷ ἐλάχιστονος μεί-
ζον διώκεται τῷ ὑπὸ ἀσυμμέτρου ἐαυτῇ μήκει.

δ

Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ μὲν τῇ ἐκ-
 κλημένη ῥητῇ, λεγέσθω ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτη.

ε

Εὰν δὲ τὸ ἑλάττω, πέμπτη.

ζ

Εὰν δὲ μὲν ἑτέρον, ἕκτη.

DEFINITIONES.

secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio diuisa in
 sua nomina, cuius binomij maius nomen, id est
 maior portio possit plusquam minus nomen
 quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,
 commensurabilis longitudine:*

1

*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile
 longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota
 linea Binomium primum:*

2

*Si verò minus nomē, id est minor portio Binomij,
 fuerit commensurabile longitudine propositæ lineæ
 rationali, vocetur tota linea Binomium secundum*

3

*Si verò neutrum nomen fuerit commensurabile
 longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur Bi-
 nomium tertium.*

Rursus si maius nomen possit plusquam minus nomen quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurabile longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota lineæ Binomium quartum:

5

Si verò minus nomen fuerit commensurabile longitudine lineæ rationali, vocetur Binomium quintum.

6

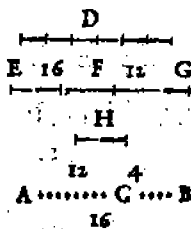
Si verò neutrum nomen fuerit longitudine commensurabile lineæ rationali, vocetur illa Binomium sextum.

μ η

Εὐρὲν τὸν ἐκ δύο ὀνομάτων πρῶτον.

Probl. 12. Proposition. 48.

Reperire Binomiū primum.

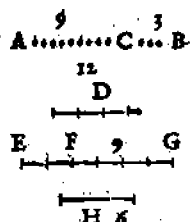


μ θ

Εὐρὲν τὸν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρον.

Proble. 13. Prop.
posi. 49.

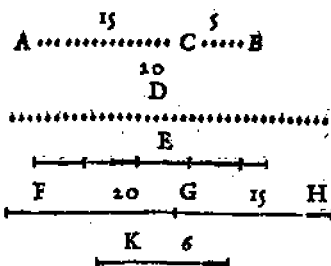
Reperire Binomiū se-
cundum.



Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Probl. 14.
Prop. 50.

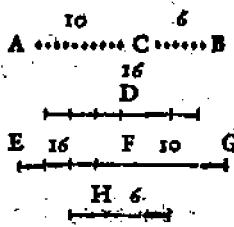
Reperire
Binomium
tertium.



Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

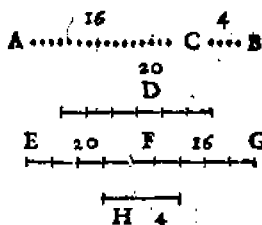
Probl. 15. Pro-
posi. 51.

Reperire Binomium
quartum.



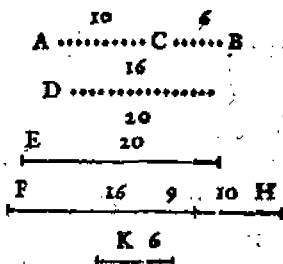
β

Εὐρεῖν τιὼν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

Probl. 16. Propo.
posi. 52.Reperire Binomiū
quintum.

γ

Εὐρεῖν τιὼν ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτὴν.

Probl. 17. Propo.
posi. 53.Reperire Binomiū
sextum.

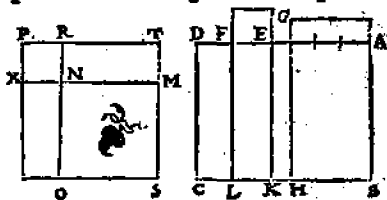
δ

Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο
ὀνομάτων πρώτης, ἢ τὸ χεῖρον διωαμμένη ἀλογός
ᾧ ἐν ἡ κελευμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationa-

li & Binomio primo, linea quæ illâ superficiē potest, est irrationalis, quæ Binomiū vocatur.

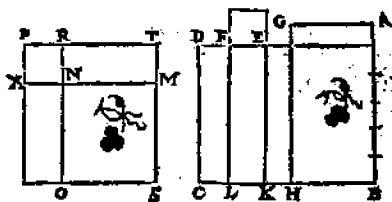


VE

Εὰν γὰρ ὡς ἐλέγχεται ὑπὸ ρητῆς ἢ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ γινόμενον διωαμμένη ἄλογός ᾖσιν ἡ καλὸς μὲν ἐκ δύο μέσων πρώτης.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secūdo, linea potens illam superficiē est irrationalis, quæ Bimediale primū vocatur.



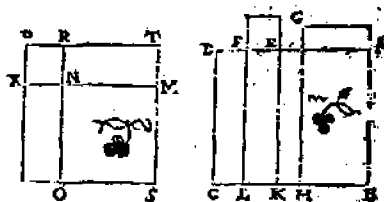
VE

Εὰν γὰρ ὡς ἐλέγχεται ὑπὸ ρητῆς ἢ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τριτῆς, ἢ τὸ γινόμενον διωαμμένη ἄλογός ᾖσιν ἡ καλὸς μὲν ἐκ δύο μέσων δευτέρας.

Theor. 39. Propo. 56.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

Binomio tertio, linea quæ illam superficiem potest, est irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundum.

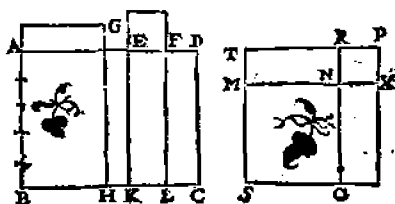


Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτης, ἡ τὸ χεῖρον δυναμένη ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλκιδὴν μείζων.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

quarto, linea potens superficiem illam, est irrationalis, quæ dicitur maior.



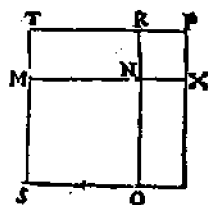
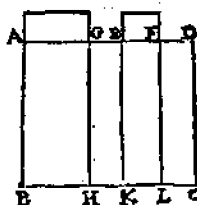
Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτης, ἡ τὸ χεῖρον δυναμένη ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλκιδὴν ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quinto, linea quæ illam super-

Q

ficiem po-
test, est ir-
rationalis
quæ dici-
tur potens
rationale
& mediale.

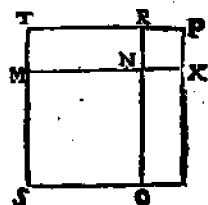
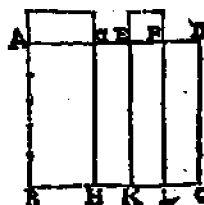


γθ

Εὰν χεῖριον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκλίνης, ἢ τὸ χεῖριον διωαρμύνη, ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλαρμύνη δύο μέσα διωαρμύνη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio sexto, linea quæ illam superficiem potest, est irrationalis, quæ dicitur potens duo medialia.

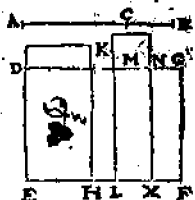


ζκ

Τὸ δὲ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων περιέχεται ὑπὸ ρητὴν περιεβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τινὲς ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτων.

Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

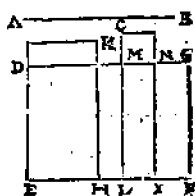


ξ α

Τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης ὡς ἐκ ῥητῆς παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τινὲς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας.

Theor. 44. Propo. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

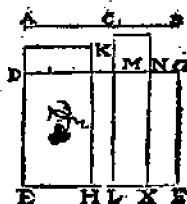


ξ β

Τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας ὡς ἐκ ῥητῆς παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τινὲς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτου.

Theor. 45. Propo. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



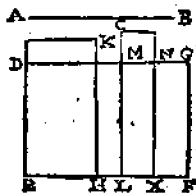
Q ij

Ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος ὡς ἔστι ῥητὴν ὡς ἔβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maioris
secundum lineam ratio-
nalem applicatum, facit
alterum latus Binomium
quartum.

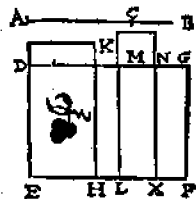


Ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένης ὡς ἔστι ῥητὴν
ὡς ἔβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των πέμπτην.

Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ poten-
tis rationale & mediale se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alteru-
latus Binomium quintum.

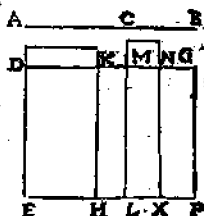


Ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσσα δυναμένης ὡς ἔστι ῥητὴν
ὡς ἔβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἑκτὴν.

Theor. 48. Propo. 65.

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secundū
rationalem applicatum,
facit alterum latus Bino-
mium sextum.

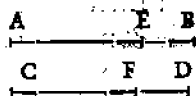


ξ γ

Η' τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκῃ σύμμετρος, καὶ αὐτὴ
ἐκ δύο ὀνομάτων ἔστι, καὶ τῇ αὐτῇ ἢ αὐτῇ.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea longitudine com-
mensurabilis Binomio
est, & ipsa Binomium e-
iusdem ordinis.

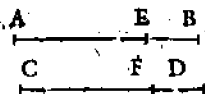


ξ δ

Η' τῇ ἐκ δύο μέσων μήκῃ σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων
ἔστι, καὶ τῇ αὐτῇ ἢ αὐτῇ.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine com-
mensurabilis alteri bime-
dialium est, & ipsa bi-
mediale etiam eiusdem
ordinis.



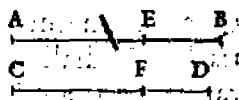
ξ η

Η' τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μείζων ἐστίν.

Q ii j

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis lineæ maiori, est & ipsa maior.

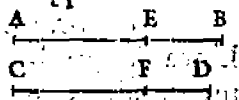


ΞΘ.

Ἡ τῇ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη σύμμετρος, καὶ αὐτὴ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη ὅσῃ.

Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti rationale & mediale, est & ipsa linea potēs rationale & mediale.

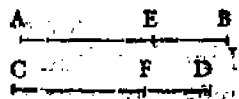


ο

Ἡ τῇ δύο μέσα δυναμένη σύμμετρος, δύο μέσα δυναμένη ὅσῃ.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabilis lineæ potenti duo medialia, est & ipsa linea potens duo medialia.

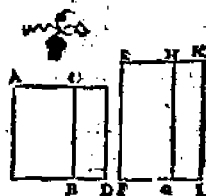


ο α.

Ῥητὸ καὶ μέσον συμπληρώμενον, τέσσαρες ἀλογισ γίνονται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων τῶν αὐτῶν, ἢ μίξων, ἢ καὶ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositâ potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea potens rationale & mediale.

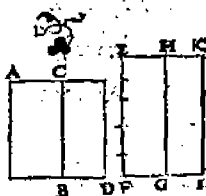


οβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις συντηθεῖσιν, αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέσων δυνάμεως, ἢ ἡ δύο μέσα δυναμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialis.



Q iiij

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Η' ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλλοι, οὔτε τῇ μέσῃ, οὔτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν ἀπὸ μέσης ᾧ ρητὴν ᾧ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ ρητὴν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν ᾧ ἐκλείπεται, μήκη.

Τὸ δὲ ἀπὸ τ' ἐκ δύο ὀνομάτων ᾧ ρητὴν ᾧ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρῶτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρῆτης ᾧ ρητὴν ᾧ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας ᾧ ρητὴν ᾧ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μείζονος ᾧ ρητὴν ᾧ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τ' ῥητὸν καὶ μέσων διωαμμένης ᾧ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δύο μέσαι δυναμίδης ὡς εἰρημύνης
ὡς βαλλόμενοι, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἐκτείν.

Ἐπεὶ οὖν ἡ εἰρημύνη πλάτη ἀφαιρῇ τῷ τε πρῶ-
τῳ καὶ ἀλλήλων, τῷ μὲν πρῶτῳ, ὅτι ῥητὴ ὅτιν, ἀλλή-
λων δὲ, ὅτι τῇ ἑξῆς ὅσα εἰσὶν αἱ αὐταί, δῆλον ὡς καὶ
αὐταὶ αἱ ἀλογοὶ ἀφαιρῶσιν ἀλλήλων.

SCHOLIUM.

*Binomium & cætera consequentes lineæ irration-
nales, neque sunt eadem cum lineâ mediali, ne-
que ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum secun-
dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam
rationalem, & longitudine incommensurabilem
lineæ secundum quam applicatur, hoc est, lineæ ra-
tionali, per 23.*

*Quadratum verò Binomij secundum rationalem
applicatum, facit alterum latus Binomium pri-
mum, per 60.*

*Quadratum verò Bimedialis primi secundum ra-
tionalem applicatū, facit alterum latus Binomium
secundum, per 61.*

*Quadratum verò Bimedialis secundi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cùm igitur dicta latera, quæ latitudines vocantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cùm inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irrationales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ

λόγων τῶν κατ' ἀφαίρεσιν.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιν ἐξ ἁδων.

ο γ

Εὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητὴ ἀφαιρεθῇ δυναμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ἡ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ ἀποτομήν.

SECUNDVS ORDO ALTERIVS

sermonis, qui est de detractiōe.

Principium senariorum per detractiōem.

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuum.



ο δ

Εάν ὁπό μέσης μέση ἀφαιρεθῇ δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν πλεονέχει, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. καλεῖσθαι δὲ μέσης ὀποτιμώμενη.

Theor. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuū mediale primū.

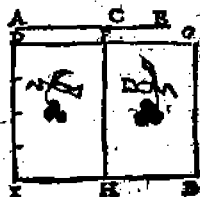


ο ε

Εάν ὁπό μέσης μέση ἀφαιρεθῇ δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον πλεονέχει, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. καλεῖσθαι δὲ μέσης ὀποτιμώμενη δευτέρῃ.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cum tota cōtineat superficiem medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autē residuū mediale secundum.



Εὰν ὅπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαρῇ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ μὲν ἀπ' αὐτῶν ἅμα ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἢ λοιπὴ ἄλογος ὅστις χελεῖσθαι δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ sit rationale, parallelogrammum verò ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea erit irrationalis. Vocetur autem



Εὰν ὅπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαρῇ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ μὲν

συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον,
τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστι. χα-
λείσθω δὲ μετὰ ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσαι.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta potentia
incommensurabilis toti lineæ, compositum
autem ex quadratis totius & lineæ detractæ
fit mediale, parallelogrammum verò bis ex
eisdem contentum fit rationale, reliqua li-
nea est irrationalis. Vocetur autem linea
faciens cum superficie rationali totam su-
perficiem media-
lem.



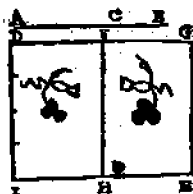
ο η

Εὰν ὁπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ δυνάμει ἀσύμ-
μετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ
μὲν συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-
σον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον, ἐπὶ δὲ τῆς ἀπ' αὐτῶν
τετραγώνων ἀσύμμετρον τῷ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ
ἀλογός ἐστι. χαλείσθω δὲ ἢ μετὰ μέσῳ μέσον τὸ ὅλον
ποιεῖσαι.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta potentia
incommensurabilis toti lineæ, compositum
autem ex quadratis totius & lineæ detractæ
fit mediale, parallelogrammum verò bis ex

iisdem sit etiam mediale: præterea sint quadrata ipsarum incommensurabilia parallelogrammo bis ex iisdem contêto, reliqua linea est irrationalis. Vocetur autem linea faciēs cum superficie mediali totā superficiem medialem.

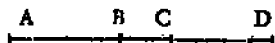


o θ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνον πρῶτα ἀρμόζει εὐθεῖα ῥητὴ, διδάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum linea recta cōiungitur rationalis, potentia tantum cōmēsurabilis toti lineæ.

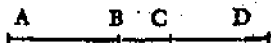


π

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρῶτῃ μόνον μία πρῶτα ἀρμόζει εὐθεῖα μέση, διδάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν περιέχουσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea coniungitur medialis, potentia tantum cōmensurabilis toti, ipsa cum tota continens rationale.

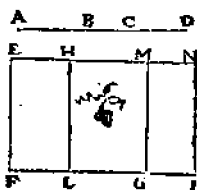


πα

Τῇ μέσῃ Σακτομῇ δυνάμει μία μόνον τετραρμό-
ζῃ εὐθεῖα μέσῃ, δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον περιέχουσα.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secundo
vnica tantum coniungi-
tur medialis, potentia tan-
tum commensurabilis to-
ti, ipsa cum tota continens
mediale.

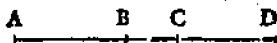


πβ

Τῇ ἐλάσσονι μία μόνον τετραρμόζῃ εὐθεῖα δυνά-
μει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ποιεῖται μετὰ τῆς ὅλης
τὸ μὲν ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ῥητὸν, τὸ δὲ
δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniun-
gitur potentia incommensurabilis toti, fa-
ciens cum tota compositum ex quadratis
ipsarum rationale, id
verò parallelogram-
mum, quod bis ex
ipsis fit, mediale.



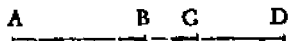
πγ

Τῇ μετὰ ῥητοῦ μέσῃ τὸ ὅλον ποιούσῃ μία μόνον
τετραρμόζῃ εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ

ὅλη, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ μὲν συγκείμενον
ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali totam superficiem medialem, vnica tantum coniungitur linea recta potentia incommensurabilis toti, faciens autem cum tota compositum ex quadratis ipsarum, mediale, id verò quod fit bis
ex ipsis, rationale.

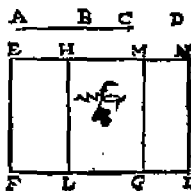


π δ

Τῇ μετὰ μέσον μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσθαι μία μόνοι
παραρμόζει εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ, τε συγκείμενον
ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τὸ συγκείμενον ἐκ
τῆς ἀπ' αὐτῶν τῶ δις ὑπ' αὐτῶν.

Theorem. 65. Propositio 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti totam superficiem medialem, vnica tantum coniungitur linea potentia toti incommensurabilis, faciens cum tota compositum ex quadratis ipsarum mediale, id verò quod fit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incommensurabile ei quod sit bis ex ipsis.

ΟΨΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Τ' ποκειμένης ῥητῆς καὶ ὑποτομῆς.

α

Εὰν μὲν ὅλη τῆς πρῶτης ἀρμόζουσας μείζον διώκται τῷ ὑπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκεκμηνῇ ῥητῇ μήκει, καλεῖσθαι ὑποτομὴν πρώτην.

β

Εὰν δὲ ἡ πρῶτη ἀρμόζουσα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκεκμηνῇ ῥητῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη ἡ πρῶτη ἀρμόζουσα μείζον διώκται τῷ ὑπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖσθαι ὑποτομὴν δευτέραν.

γ

Εὰν δὲ μὴδετέρα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκεκμηνῇ ῥητῇ μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς πρῶτης ἀρμόζουσας μείζον διώκται τῷ ὑπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖσθαι ὑποτομὴν τρίτην.

Πάλιν εἰ ἡ ὅλη τῆς πρῶτης ἀρμόζουσας μείζον διώκται τῷ ὑπὸ ἀσύμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει.

R

δ

Εὰν μὲν ὅλη σύμμετρος ᾖ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ
μήκει, καλεῖται ἀποτομή τετάρτη.

ε

Εὰν δὲ ἡ τετραρμόζουσα, πέμπτη.

ς

Εὰν δὲ μηδένῃ, ἕκτη.

DEFINITIONES

tertix.

Proposita linea rationali & residuo.

1

Si quidem tota, nempe composita ex ipso residuo & linea illi cōiuncta, plus potest quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine, fueritque tota longitudine commensurabilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsum vocetur Residuum primum:

2

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, ipsa autem tota plus possit quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, residuum vocetur Residuum secundum:

3

Si verò neutra linearum fuerit longitudine com-

LIBER X. 259
mensurabilis rationali, possit autem ipsa tota
plusquam coniuncta, quadrato linea sibi lon-
gitudine commensurabilis vocetur Residuum
tertium.

Rursus si tota possit plusquam cōiuncta, quadrato
linea sibi longitudine incommensurabilis.

4
Et quidem si tota fuerit longitudine commen-
surabilis ipsi rationali, vocetur Residuū quar-
tum:

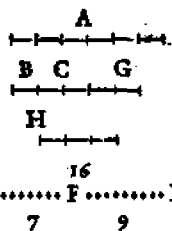
5
Si Verò coniuncta fuerit longitudine commen-
surabilis rationali, & tota plus possit quam
coniuncta, quadrato linea sibi longitudine
incommensurabilis, vocetur Residuum quin-
tum.

6
Si Verò neutra linearum fuerit commensurabi-
lis longitudine ipsi rationali, fueritque tota po-
tentior quam coniuncta, quadrato linea sibi
longitudine incommensurabilis, vocetur Resi-
duum sextum.

Εἰς τὴν αὐτὴν ἀπόδειξιν. Στοιχείων.

R ij

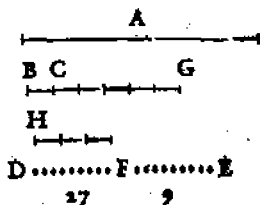
Probl. 18. Pro-
posi. 85.



Reperire primum Re-
siduum.

Εὐρεῖν τὸ δυνάμει ἄριστον.

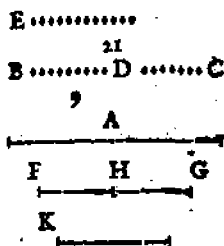
Probl. 19. Pro-
posi. 86.



Reperire secundum
Residuum.

Εὐρεῖν τὸ τρίτον ἄριστον.

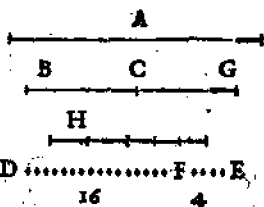
Probl. 20. Pro-
posi. 87.



Reperire tertium Re-
siduum.

Εὐρεῖν τὸ πλείον ἄριστον.

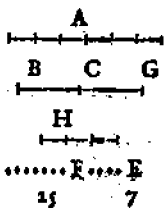
Probl. 21. Propo-
positio 88.



Reperire quantum
Residuum.

Εὐρεῖν τιτὸν πέμπτου ὑπολοίπου.
^{π θ}

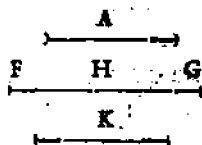
Problema 22. Pro-
positio 89.



Reperire quintum Resi-
dum.

Εὐρεῖν τιτὸν ἑκτὸν ὑπολοίπου.
^ζ

Problema 22. Pro-
positio 90.



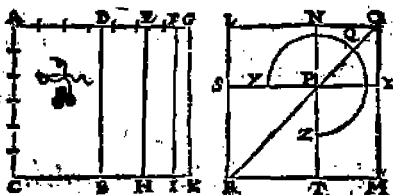
Reperire sextum Resi-
dum.

Εὰν χεῖρον ἀφείληται ἐκ τοῦ πλὴντος καὶ ὑπολοίπου
πρώτης, ἢ τὸ χεῖρον διπλασθῇ, ὑπολοίπου ὅσιν.
^{ζ α}

R iiij

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum.

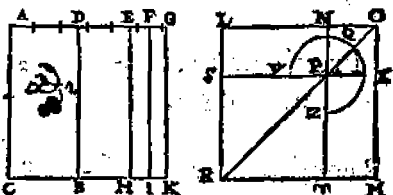


ζβ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς δευτέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαυδῆν, μέσης ἀποτομῆς ὅσῃ πρώτη.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale primum.

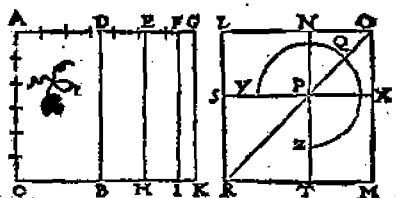


ζγ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαυδῆν, μέσης ἀποτομῆς ὅσῃ δεύτερη.

Theor. 68. Propo. 93.

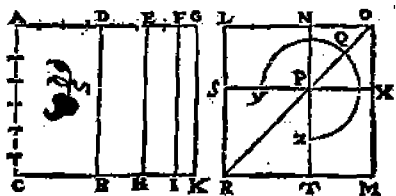
Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.



Εὰν γὰρ ὡς εἰρήται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τετάρτης, ἢ τὸ χεῖρον δυναμὴν, ἐλάσσων ᾖ εἶναι.

Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.

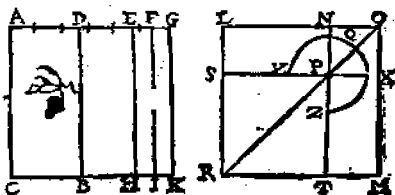


Εὰν γὰρ ὡς εἰρήται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πέμπτης, ἢ τὸ χεῖρον δυναμὴν, ἐλάσσων ᾖ εἶναι μετὰ ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσθαι ᾖ εἶναι.

R iiiij

Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cū rationali superficie faciens totam medialem.

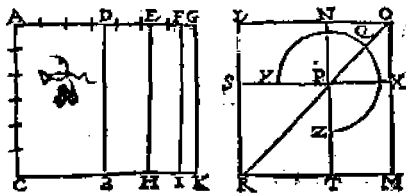


ζ γ

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς ἑκτῆς, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη, μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσαι ἔστι.

Theor. 71. Propo. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediali superficie totam medialem.

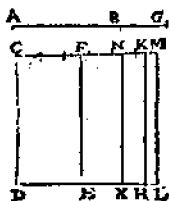


ζ δ

Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς ὁδὴ ρητὴν περιβαλλόμενον πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν ὁρώτιαν.

Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

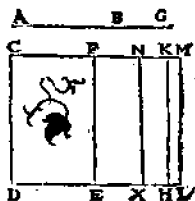


ζη

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης τὸ δὲ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum secundum.

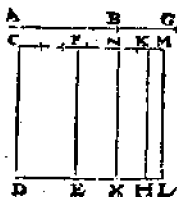


ζθ

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας τὸ δὲ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Propo. 99.

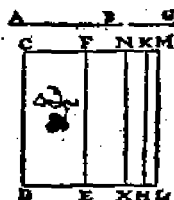
Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.



Τὸ ἀπὸ ἐλάσσονος ὡς ἂν ῥητὴν ὡς βαλλόμενον,
πλάτος ποιεῖ, ἡποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

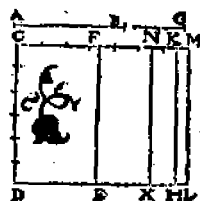
Quadratum lineæ minoris
secundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητῆς μέσον τὸ ὅλον ποίεσθαι ὡς
ῥητὴν ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἡποτομὴν
πέμπτην.

Theor. 76. Propo. 101.

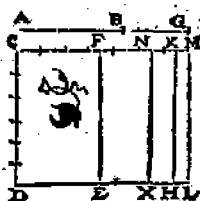
Quadratum lineæ cum ra-
tionali superficie facientis
totam medialem, secundū
rationalem applicatū, fa-
cit alterū latus residuum
quintum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποίεσθαι πα-
ρὰ ῥητὴν ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἡποτο-
μὴν ἕκτην.

Theor. 77. Propo. 102.

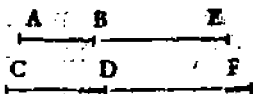
Quadratum lineæ cū mediali superficie faciētis totam medialem, secundum rationalem applicatū, facit alterū latus, residuum sextum.



Ἡ τῇ ἀποτομῇ ^{ργ} μήκῃ σύμμετρος, ἀποτομὴ ὅσῃ, ἔστι τῇ ἄλλῃ ἡ αὐτῇ.

Theor. 78. Propo. 103.

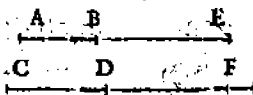
Linea residuo commensurabilis longitudine, est & ipsa residuum, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ μέσῃ ἀποτομῇ ^{ρδ} σύμμετρος, μέσων ἀποτομῶν ὅσῃ, ἔστι τῇ ἄλλῃ ἡ αὐτῇ.

Theor. 79. Propo. 104.

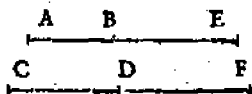
Linea commensurabilis residuo mediali, est & ipsa residuum mediale, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ ἐλάσσονι ^{ρ ε} σύμμετρος ἐλάσσων ὅσιν.

Theor. 80. Propo. 105.

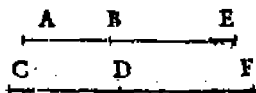
Linea communis
bilibis lineæ minori,
est & ipsa linea mi-
nor.



Ἡ τῇ μετὰ ^{ρ ζ} ῥητῷ μέσῳ τὸ ὅλον ποιῶσιν σύμμετρος,
ὡς αὐτῇ μετὰ ῥητῷ μέσῳ τὸ ὅλον ποιῶσιν ὅσιν.

Theor. 81. Propo. 106.

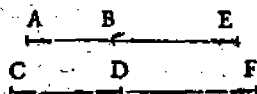
Linea communis
bilibis lineæ cum rationa-
li superficie facienti
totam medialem, est
& ipsa linea cum ra-
tionali superficie fa-
ciens totam medialem.



Ἡ τῇ μετὰ ^{ρ ζ} μέσῳ μέσῳ τὸ ὅλον ποιῶσιν σύμμετρος,
ὡς αὐτῇ μετὰ μέσῳ μέσῳ τὸ ὅλον ποιῶσιν ὅσιν.

Theor. 82. Propo. 107.

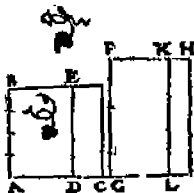
Linea communis
bilibis lineæ cum mediali
superficie faciēti to-
tam medialem, est &
ipsa cum mediali su-
perficie faciens to-
tam medialem.



^{ρ η}
 Ἀπὸ ρητῶ, μέσων ἀφαιρουμένων, ἢ τὸ λοιπὸν χωρίον
 διωαμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἥτοι ὀπτοτομή,
 ἢ ἐλάττω.

Theor. 83. Propo. 108.

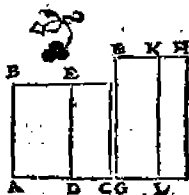
Si de superficie rationali detrahatur super-
 ficies medialis, linea quæ
 reliquam superficiem po-
 test, est alterutra ex dua-
 bus irrationalibus, aut
 Residuum, aut linea mi-
 nor,



^{ρ θ}
 Ἀπὸ μέσων, ρητῶ ἀφαιρουμένων, ἄλλα δύο ἀλογοὶ γί-
 νονται, ἥτοι μέση ὀπτοτομή ὡρώτη, ἢ μετὰ ρητῶ τὸ
 ὅλον ποίεσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali
 detrahatur superficies ra-
 tionalis, aliæ duæ irratio-
 nales fiunt, aut Residuum
 mediale primum, aut cum
 rationali superficiem fa-
 ciens totam medialem.

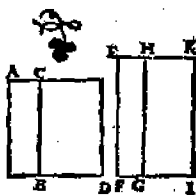


^{ρ ι}
 Ἀπὸ μέσων, μέσων ἀφαιρουμένων ἀσυμμέτρου πρὸ ὅλου,

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση δύναμις
 δευτέρα, ἢ μετὰ μέσων μέσον τὸ ὅλον ποιεῖται.

Theor. 85. Propo. 110.

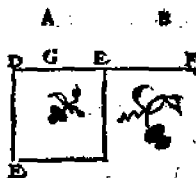
Si de superficie mediali detrahatur superfi-
 cies medialis quæ sit incô-
 mensurabilis toti, reliquæ
 duæ fiunt irrationales, aut
 residuum mediale secun-
 dum, aut cum mediali su-
 perficie faciens totam me-
 dialem.



Ἡ δὲ δύναμις ὅσα ἐστὶν ἡ αὐτὴ τῇ ὅσα δύο ὀνομάζεται.

Theor. 86. Propo. 111.

Linea quæ Residuum di-
 citur, non est eadem cum
 ea quæ dicitur Binomium.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ δὲ δύναμις καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλογοι, αὐτὴ τῇ μέ-
 σῃ, οὕτε ἀλλήλων εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης τοῦ ἁπλοῦς ὁρίζεται.

λόμῳ, πλάτος ποιῇ, ῥητὶν καὶ ἀσύμμετρον τῇ
παρ' ἑνὶ ὡς ἀκείλαι, μήκῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἀποτομῆς ὡς ῥητὶν ὡς ἀβαλλό-
μῳ, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν πρῶτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρῶτης ὡς ῥη-
τὶν ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ, ἀποτο-
μὴν δευτέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας ὡς ῥη-
τὶν ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ, ἀποτο-
μὴν τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάττωτος ὡς ῥητὶν ὡς ἀβαλλό-
μῳ, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητὸς μέσον τὸ ὅλον ποίῃσιν
ὡς ῥητὶν ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ,
ἀποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσῃ μέσον τὸ ὅλον ποίῃσιν
ὡς ῥητὶν ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ,
ἀποτομὴν ἑκτὴν.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημόδια πλάττει ἀφαιρέσει τῷ τε
πρῶτῳ καὶ ἀλλήλων (ὅ μὲν πρῶτον, ὅτι ῥητὴ ὄντι,
ἀλλήλων δὲ, ὅτι ἄξιον εἶσιν αἱ αὐταὶ) δι-

λον ὡς καὶ αὐταὶ αἱ ἄλλοι διὰ φέρουσιν ἀλλή-
λων, καὶ ἐπεὶ δὲ δέχεται ἡ ἀποτομὴ ὅσα οὖσα ἡ αὐ-
τὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιῶσι δὲ πλάτη πα-
ρὰ ῥητὴν ὡς βαλλόμεναι μὲν αἱ μετὰ τὴν ἀ-
ποτομὴν, ἀποτομαὶς ἀκολουθῶς τῇ ἑξέει χα-
ρὰ αὐτῶν, αἱ δὲ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ἑξ
ἐκ δύο ὀνομάτων, καὶ αὐταὶ τῇ ἑξὲ ἀκολου-
θῶς, ἕτεραι ἄρα εἰσὶν αἱ μετὰ τὴν ἀποτομὴν,
καὶ ἕτεραι αἱ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι
τῇ ἑξὲ πάσας ἀλόγους 17.

α Μέσιον.

β Εκ δύο ὀνομάτων.

γ Εκ δύο μέσων πρώ-
τῶν.

δ Εκ δύο μέσων δευ-
τέρων.

ε Μείζονα.

ς Ρητὸν καὶ μέσον δυ-
ναμικόν.

ζ Δύο μέσα δυναμέ-
ων.

η Ἀποτομὴ.

θ Μέσιον ἀποτομὴν
πρώτῶν.

ι Μέσιον ἀποτομὴν
δευτέρων.

ια Ελάττωνα.

ιβ Μετὰ ῥητὸς μέσον τὸ
ὅλον ποιῶσαι.

ιγ Μετὰ μέσου μέσον
τὸ ὅλον ποιῶσαι.

SCHO.

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, & cætera quinque
 eam consequentes irrationales, neque lineæ me-
 diali neque sibi ipsa inter se sunt eadem. Nam
 quadratum lineæ medialis secundum rationa-
 lem applicatum, facit alterum latus rationa-
 lem lineam longitudine incommensurabilem ei,
 secundum quam applicatur, per 23.

Quadratum verò residui secundum rationalem
 applicatum, facit alterum latus residuum pri-
 mum, per 97.

Quadratum verò residui medialis primi secun-
 dum rationalem applicatum, facit alterum la-
 tus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui medialis secundi, fa-
 cit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alterum
 latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superfi-
 cie facientis totam medialem, facit alterum la-
 tus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediali superficie
 facientis totam medialem, secundum rationa-
 lem applicatum, facit alterum latus residuum
 sextum, per 102.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines
 cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato
 æqualis & secundum rationalem applicati, dif-
 ferant & à primo latere, & ipsa inter se (nam
 à primo differunt, quoniam est rationalis linea:
 inter se verò differunt, quoniam sunt residua
 non eiusdem ordinis.) constat ipsas quoque li-
 neas irracionales inter se differentes esse. Et
 quoniam demonstratum est residuum non esse
 idem quod Binomium, quadrata autem resi-
 dui & quinque linearum irrationalium illud
 consequentium, secundum rationalem applica-
 ta, faciunt altera latera ex residuis eiusdem
 ordinis cuius sunt & residua, quorum quadra-
 ta applicantur rationali: similiter & quadra-
 ta Binomii & quinque linearum irrationali-
 um illud consequentium, secundum rationa-
 lem applicata, faciunt altera latera ex Bino-
 miis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia,
 quorum quadrata applicantur rationali. Ergo
 linee irracionales quæ consequuntur Binomium,
 & quæ consequuntur residuum, sunt inter se
 differentes. Quare dicta linea omnes irratio-
 nales sunt numero & y.

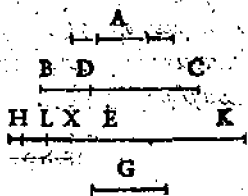
- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum mediale |
| 3 Bimediale primum. | secundum. |
| 4 Bimediale secundum. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum ratio- |
| 6 Potens rationale & | nali superficie to- |
| mediale. | tam medialem. |
| 7 Potēs duo medialis. | 13 Faciens cum me- |
| 8 Residuum. | diali superficie to- |
| 9 Residuum mediale | tam medialem. |

π β

Τὸ ἀπὸ πρῆτης τοῦ πλὴν ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ δι-
 καλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν, ἥς τὰ ὀνό-
 ματα σύμμετρα ἔσσι τοῖς ἑκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
 σι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ ἐπὶ τῇ γνωμένῃ ἀποτομῇ
 πλὴν αὐτῶν ἔχει τὰ ἐν τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum
 Binomium applicatum, facit alterum la-
 tis residuum, cuius
 nomina sunt com-
 mensurabilia Bino-
 mij nominib⁹, & in
 eadē proportionē:
 præterea id quod fit
 Residuum, eundem



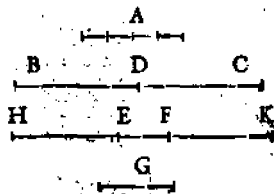
S ij

276 EVCLID. ELEMEN. GEOM.
ordinem retinet quem Binomium.

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς ὁρθογώνιον, πλάτος ποιεῖ, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ ὀνομάτων συμμεζάβει τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ. ἐπὶ δὲ ἡ γνωμὴ ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν αὐτὴν ἀξίαν ἔχει τῇ ἀποτομῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum residuum applicatum, facit alterum latus Binomium, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadē proportionē : præterea id quod sit Binomium est eiusdem ordinis, cuius & Residuum.

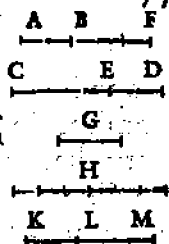


Εάν χεῖρον ὀρθογώνιον ἀπὸ ἀποτομῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ ὀνομάτων συμμεζάβει τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ τὸ χεῖρον γνωμὴ, ῥητὴ βεῖ.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportionē, lineæ quæ illam superficiem potest, est rationalis.

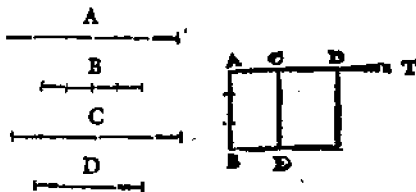


p 12

Ἀπὸ μέσης ἀπειροὶ ἄλλοι γίνονται, ὥς ἑδεμία ἑδεμῶν τῆς πλεονέστερον ἢ αὐτῇ.

Theor. 90. Propo. 185.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irrationales innumerabiles, quarum nullavll antè dictarum eadem sit.



p 15

Προκείμενα ἡμῖν δεῖξαι, ὅτι ἐπὶ τῆς περὶ τῶν ὀρθογώνων σχημάτων, ἀσύμμετρος ὅστις ἢ ἀγόμετος τῇ πλευρᾷ μήκει.

S iiij

Propo. 116.

Propositū nobis esto de-
monstrare in figuris qua-
dratis diametrum esse lō-
gitudine incommensura-
bilem ipsi lateri.



Elementū decimi finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM VNDECIMVM.

ET SOLIDORVM

primum.

Ο' Ρ ΟΙ.

α

Στερεόν ἔστι, τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάτος ἔχει.

DEFINITIONES.

I

Solidum est, quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὸς δὲ πᾶς, ὁτιδήποτε.

S iiij

Solidi autem extremum est superficies.

Εὐθεία πρὸς ἑπίπεδον ὀρθή ἐστίν, ὅταν πρὸς πάσαις τῇς ἀπομόναις αὐτῆς εὐθείαις, καὶ οὖσαι ἐν τῷ αὐτῷ γωνοκέντρῳ ἑπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, à quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

Ἐπίπεδον πρὸς ἑπίπεδον ὀρθόν ἐστίν, ὅταν αἱ τῇ κοινῇ τομῇ τῶν ἑπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐν ἐνὶ τῷ ἑπιπέδῳ, τῷ λοιπῷ ἑπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσιν.

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in vno planorum ducuntur, alteri plano ad rectos sunt angulos,

Εὐθείαις πρὸς ἑπίπεδον κλίσις ἐστίν, ὅταν ἀπὸ τῆς μετέωρης πέρατος τῆς εὐθείας ἐπὶ τὸ ἑπίπεδον χεῖματος ἀγῇ, καὶ ἀπὸ τῆς γωνοκέντρου σημείου, καὶ ἀπὸ τῆς ἐν τῷ ἑπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεῖα ἐπι-

ζωγῆ, ἢ περιεχόμενη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς ἀ-
θείσης & τῆς ἐφεσώσης.

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistente linea & adiuncta altera comprehensus, cùm à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis, atque à puncto quod perpendicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum; quod in eodē est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

Επίπεδον πρὸς ὀπίπεδον κλίσις ὅτιν, ἢ περιε-
χόμενη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς πρὸς ὀρθῇ τῇ κοινῇ
τομῇ ἀρημύων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ ἐν ἐκτέρῳ
τῆς ὀπίπεδων.

Plani ad planum inclinatio, acutus est angulus rectis lineis contentus, quæ in utroque planorum ad idem communis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

Επίπεδον πρὸς ὀπίπεδον ὁμοίως κεκλίσθαι λέγε-
ται, ὅτερον πρὸς ἑτερον, ὅταν αἱ ἀρημύων τῆς κλί-
σων γωνία ἴσαι ἀλλήλαις ὦσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterū ad alterum dicitur, cū dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

8

Παράλληλα ἑπίπεδα ἔστι, τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallela plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

9

Ὅμοια στερεὰ σχήματ' ἔστι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων περιέχοντα ἴσων τὸ πλήθος.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

10

Ἰσα δὲ καὶ ὅμοια στερεὰ σχήματ' ἔστι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων περιέχοντα ἴσων τῷ πλήθει καὶ τῷ μεγέθει.

10

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

11

Στερεὰ γωνία ἔστι, ἢ ὑπὸ πλείονων ἢ δύο γωνι-

μὴ ἀπομείναι ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ὀπιφανείᾳ ὕσων, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

II

Solidus angulus est, plurium quàm duarum linearum, quæ se mutuò contingant, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio.

Ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ὅστις, ἢ ὑπὸ πλείονων ἢ δύο ὀπιπῶν γωνιῶν περιεχόμενη, μὴ ὕσων ἐν τῇ αὐτῇ ὀπιπέδῳ, πρὸς εἰς σημείῳ συσπαιμένων.

Aliter.

Solidus angulus est, qui pluribus quàm duobus planis angulis in eodem non consistentibus plano, sed ad vnum punctum collectis, continetur.

IB

Πυραμὶς ὅστις σχῆμα στερεὸν ὀπιπέδοις περιεχόμενον, ὑπὸ εἰὸς ὀπιπέδου πρὸς εἰς σημείῳ συσπαινόμενον.

12

Pyramis, est figura solida quæ planis continetur, ab vno plano ad vnum punctum collecta.

17

Πρίσμα ὅστις σχῆμα στερεὸν ὀπιπέδοις περιεχόμενον, ὡς δύο τε ἀπεναντίον ἴσα τε καὶ ὁμοία ὅστις, καὶ παραλλήλα, τε δὲ λοιπὰ παραλληλόγραμμα.

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

13

Σφαῖρα ἐστίν, ὅταν ἡμικύκλιον κινούσης τῆς ἀξέμετρος περιεγείνηται τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκτασθῇ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιεγερτὸ σχῆμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cùm in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

14

Ἀξὺν δὲ τῆς σφαῖρας ἐστίν, ἡ μένουσα εὐθεῖα, περὶ τὸ ἡμικύκλιον γέφυται.

15

Axis autem Sphæræ est, quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον δὲ τῆς σφαῖρας ἐστὶ τὸ αὐτὸ, ὃ καὶ τῷ ἡμικύκλιου.

16

Centrum verò Sphæræ est idem, quod & semicirculi.

16
Διάμετρος δὲ τῆς σφαίρας ὅστις, ἐν ἧϊ ἂν τις διὰ τοῦ
κέντρου ἡγμένη, καὶ περὶ τὸ κέντρον ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέ-
ρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17
Diameter autem Sphaerae est, recta quadam
linea per cētrum ducta, & vtrunque à Sphæ-
ræ superficie terminata.

17
Κῶνος ὅστις, ὅταν ὀρθογωνίῳ περιγώνῳ μένουσιν πλευ-
ραὶ τρεῖς, καὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, καὶ εἰς τὸν αὐτὸν
γωνιον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ, ὅστις ἤρξατο
φέρεισθαι, τὸ κατεληφθὲν σχῆμα. καὶ ἡ μένουσα ἐν-
δεκάγωνη τῇ λοιπῇ τῇ κατεληφθὲν περιγώνῳ
μενέσθῃ, ὀρθογωνίος ἐστὶν κῶνος. εἰ δὲ ἐλάττω, ἀμβλυ-
γωνίος. εἰ δὲ μείζων, ὀξυγωνίος.

18
Conus est figura, quæ cōuerso circum quief-
cens alterum latus eorum quæ rectum an-
gulum continent; orthogonio triangulo
continetur, cū in eundem rursus locum
illud triangulum restitutum fuerit; unde
moueri coeperat. Atque si quiescens recta
linea equalis sit alteri, quæ circum rectum
angulum conuertitur, rectangulus erit; Co-
nus: si minor, amblygonius: si verò ma-
ior, oxygonius.

18

Ἄξων δὲ τῷ κώνου ὅστιν ἡ μόνον, ἀλλ' ἡ τὸ πρίσμα-
νον γέφυραται.

19

Axis autem Coni, est quiescēs illa linea, cir-
cum quam triangulum vertitur.

20

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος, ὁ ὑπὸ τῆς περιφορῆς ἐν-
γείας γεαφόμενος.

20

Basis vero Coni, circulus est, qui à circun-
ducta linea recta describitur.

21

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνίου τοῦ ὁμοῦ γεαμ-
μου μόνον μίας πλευρᾶς τῆς ἀπὸ τῶν ὀρθῶν,
ἀλλ' ἡ τὸ ὁμοῦ γεαμμου εἰς τὸ αὐτὸ πάλ-
ιν ἀποκατασταθῇ, ὅταν ἡγεῖται φέρεσθαι, τὸ ἀλλο-
φθὲν σχῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso circum-
quiescens alterum latus eorum quæ rectum
angulum continent, parallelogrammo or-
thogonio comprehenditur, cum in eundem
rursus locum restitutum fuerit illud paral-
lelogrammum, unde moueri coeperat.

22

Ἄξων δὲ τῷ κυλίνδρῳ, ὅστιν ἡ μόνον ἐν γεία, ἀλλ'

ἐν τῷ Ὑλληλόχευον γέφυρᾳ.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

xy

Βάσις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀπειροπύου περι-
γραμμένων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus
aduersis lateribus quæ circumaguntur, de-
scripti.

23

Ὁμοιοὶ καὶ οἱ καὶ κληρονομοὶ εἰσι, ὧν οἱ τε ἀξιοὶ καὶ
αἱ ἀγαμέσσι τῷ βασιλεὶ ἀδολογούμενοι.

24

Similes conũ & cylindri sunt, quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

九九

Κύβος ἐστὶ σχῆμα τετρὸν, ὑπὸ ἐξ τετραγώνων ἴσων
περιεχόμενον.

23

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis
equalibus continetur.

25

Τετράεδρον ἔστι σχῆμα ὑπὸ τετράεσσι τρίγωνοις
ἰσόπλευρον.

ἴσων ἢ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

26

Tetraëdron est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κζ

Οκτάεδρόν ἐστὶ σχῆμα τετρεόν, ὑπὸ ὀκτὸς πεντάγωνων ἴσων ἢ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

27

Οκταëdron figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κη

Δωδεκάεδρόν ἐστὶ σχῆμα τετρεόν, ὑπὸ δώδεκα πεντάγωνων ἴσων, ἢ ἰσοπλευρῶν, ἢ ἰσογωνίων περιεχόμενον.

28

Dodecaëdron figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

Εἰκοσιεδρόν ἐστὶ σχῆμα τετρεόν, ὑπὸ εἰκοσὶ πεντάγωνων ἴσων, ἢ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

Εἰκοσαëdron figura est solida, quæ triangulis viginti æqualibus, & æquilateris continetur.

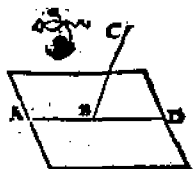
Προτάσεις

Προτάσεις.

^α
Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὴ πᾶν ὅκ' ἐστὶν ἐν τῷ ὑπο-
κείμενῳ ὀπίπεδῳ, μέρος δὲ πᾶν ἐν τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Propo. 1.

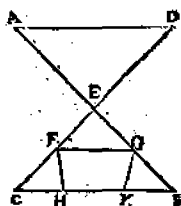
Quædam rectæ lineæ pars
in subiecto quidem non
est plano, quædam verò in
sublimi.



^β
Εὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐν εἰς εἰσὶν ὀπι-
πέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν εἰς ὅστις ὀπίπεδῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

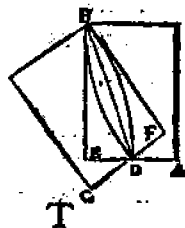
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secant, in vno sunt pla-
no: atque triangulū omne
in vno est plano.



^γ
Εὰν δύο ὀπίπεδα τέμνη ἀλλήλα, ἡ κοινὴ αὐτῶν το-
μὴ εὐθεῖά ἐστι.

Theor. 3. Pro-
positio. 3.

Si duo plana se mutuò se-
cant, communis eorum se-
ctio est recta linea.

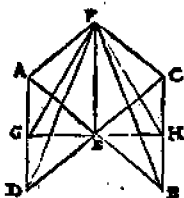


δ

Εὰν εὐθεῖα δυοῖν εὐθείαις τεμνύσας ἀλλήλας, πρὸς ὀρθὰς ᾗτι τῆς κοινῆς τομῆς ᾗτις αἰθῇ, καὶ τῶ δὲ αὐτῶν ᾗτις πέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secantibus, in communi sectione ad rectos angulos infistat, illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.

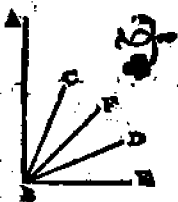


ε

Εὰν εὐθεῖα πλὴν εὐθείαις ἀπομυδιάσας ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς ᾗτι τῆς κοινῆς τομῆς ᾗτις αἰθῇ, αἱ πρὸς εὐθεῖαις ἐν ἐνὶ εἰσιν ᾗτις πέδῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangenti-bus, in communi sectione ad rectos angulos infistat, illæ tres rectæ in vno sunt plano.

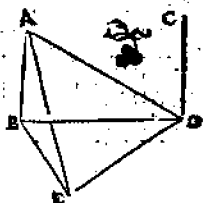


ζ

Εὰν δυοὺς εὐθεῖαι τῶ αὐτῷ ᾗτις πέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾗσι, τῶ δὲ ἀλλήλοι ἐσονται αἱ εὐθεῖαι.

Theor.6.Propo.6.

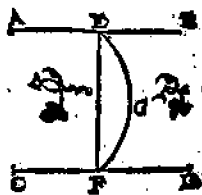
Siduae rectae lineae eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelae erunt illae re-
ctae lineae.



Εὰν ὥσι δύο εὐθεῖαι τοξεύλληλοι, ληφθῇ δὲ ἐφ' ἑκα-
τέρας αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ὅτι τὰ σημεῖα ὅπι-
ζευγυμδύη εὐθεῖα, ἐν τῷ αὐτῷ ὅτι πένδω ὅτι ταῖς
τοξεύλληλοις.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ
lineæ, in quarum vtraque
sumpta sint quælibet pun-
cta, illa linea quæ ad hæc
puncta adiungitur, in eo-
dem est cum parallelis
plano.

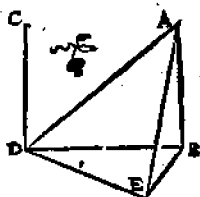


Εὰν ᾧσι δύο ἐνταῦθα ὁδὸν ἡλοῖ, ἢ δὲ ἐπὶ τῶν αὐ-
τῶν ὁππότε πρὶν τοῦ ὁρῆσαι ἦ, καὶ ἡ λοιπὴ τῶ αὐ-
τῶν ὁππότε πρὶν τοῦ ὁρῆσαι ἔσται.

Theor. 8, Propo. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ , qua-

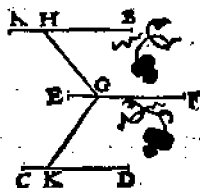
rum altera ad rectos cui-
dam plano sit angulos, &
reliqua eidem plano ad re-
ctos angulos erit.



Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ πᾶσι ἄλληλοι, καὶ μὴ οὔσαι αὐτῇ
ἐν τῷ αὐτῷ ὀριπέδῳ, καὶ ἄλληλας εἰσὶ πᾶσι ἄλ-
ληλοι.

Theor. 9. Propo. 9.

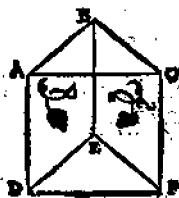
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæ
quoque sunt inter se pa-
rallæ.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπόμνηται ἄλληλων πᾶσι δύο εὐ-
θείας ἀπομνύας ἄλληλων ᾧσι, μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ὀρι-
πέδῳ, ἴσας γωνίας φερέουσιν.

Theor. 10. Propo. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales comprehē-
dent.

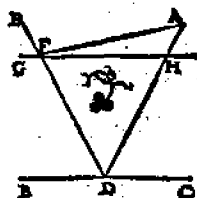


1α

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετεώρου, ὅτι τὸ ὑποκείμενον ὀρθόπεδον χέρεται εὐθείαν γραμμὴν ἀγανίτ.

Probl. 1. Prop. 11.

A dato sublimi puncto, in subiectum planum perpendiculararem rectam lineam ducere.



1β

Τῷ δοθέντι ὀρθόπεδῳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Probl. 2. Prop. 12.

Dato plano, à puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectā lineam excitare.



1γ

Τῷ δοθέντι ὀρθόπεδῳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου, δύο εὐθείαι πρὸς ὀρθὰς ὅτι ἀναστήσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέν.

T iij

Theor. 11. Propo. 13.

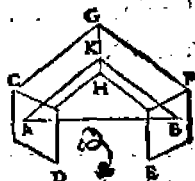
Dato plano, à pūcto quod in illo datum est, duæ rectæ lineæ ad rectos angulos non excitabuntur ad easdem partes.



Πρὸς ἃ ἐπίπεδα ἡ αὐτὴ εὐθεῖα ὀρθὴ ᾖ εἴ, ὅσαι ἀλλήλα ᾖ εἰ ἐπίπεδα.

Theor. 12. Propo. 14.

Ad quæ plana, eadem recta linea recta est, illa sunt parallela.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπομόναι ἀλλήλων, ὅσαι δύο εὐθεῖαι ἀπομόναι ἀλλήλων ὥσι μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι, ὅσαι ἀλλήλα ᾖ εἰ δὲ αὐτῶν ἐπίπεδα.

Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad duas rectas se mutuò tāgētes sint parallelæ, non in eodem consistentes plano, parallelæ sunt quæ per illas ducuntur plana.

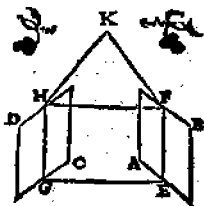


15

Εὰν δύο ὀπίπεδα ὡς ἑλληλα ὑπὸ ὀπίπεδου πινὸς τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῶν τομαὶ ὡς ἑλληλοὶ εἰσιν.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo plana parallela plano quopiam secentur, cōmunes illorum sectiones sunt parallelæ.

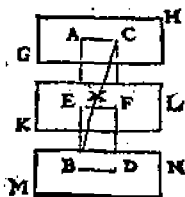


16

Εὰν δύο εὐθεῖαι ὑπὸ ὡς ἑλλήλων ὀπίπεδων τέμνυνται, αἱ τοὶς αὐτοῖς λόγοις τμηθήσονται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ parallelis planis secantur, in eadem rationes secabuntur.



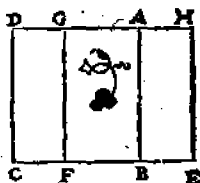
17

Εὰν ὡς αἱ ὀπίπεδον πινὶ ὡς ὅς ὀρθαὶ ἦ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ὀπίπεδα, τῷ αὐτῷ ὀπίπεδῳ ὡς ὅς ὀρθαὶ ἔσται.

T iiii)

Theor. 16. Propo. 18.

Si recta linea plano cuiuspiam ad rectos sit angulos, illa etiam omnia quæ per ipsam plana, ad rectos eidem plano angulos erunt.

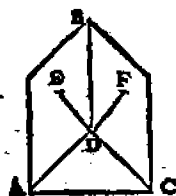


18

Εὰν δύο ὀπίπεδα τέμνοντα ἀλλήλα ὀπίπεδῳ τινὶ πρὸς ὀρθὰς ἢ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ πρὸς αὐτῷ ὀπίπεδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si duo plana se mutuò secantia planq̄ cuidam ad rectos sint angulos, communis etiam illorum sectio ad rectos eidem plano angulos erit.

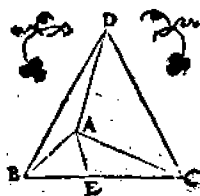


19

Εὰν τρεὶς γωνίαι ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ὀπίπεδων περιέχεται, δύο ὁποιαοῦν τῆς λοιπῆς μείζονες εἰσι πάντῃ μεταλαμβάνόμεναι.

Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis tribus angulis contineatur, ex his duo quilibet vtut assumpti tertio sunt maiores.

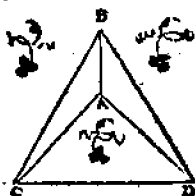


κα

Ἀπασα περὶ γωνία ὑπὸ ἑλασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν γωνιῶν ὀπίπεδον ὡς ἐλέχεται.

Theor. 19. Proposition. 21.

Solidus omnis angulus minoribus cōtinetur, quā rectis quatuor angulis planis.

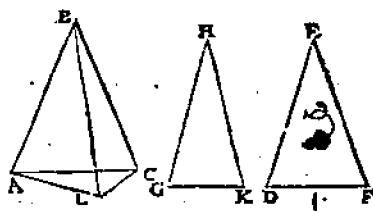


κβ

Εὰν ὦσι τρεῖς γωνίαι ὀπίπεδοι, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεναι, ὡς ἐλέχθησι δὲ αὐτὰς ἴσαι εὐθείαι, δυνάτον ἐστὶν εἶναι τὴν ὀπίπενον τῶν ἴσας εὐθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propo. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis contineantur lineis, quorum duo ut libet assumpti tertio sint maiores, triangulum constitui potest ex lineis æquales illas rectas coniungētib.



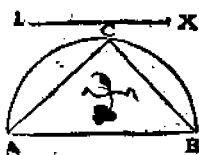
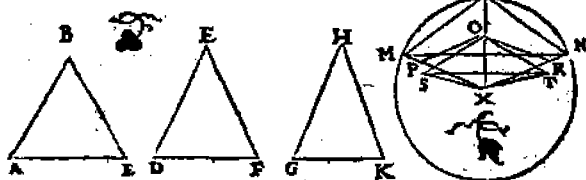
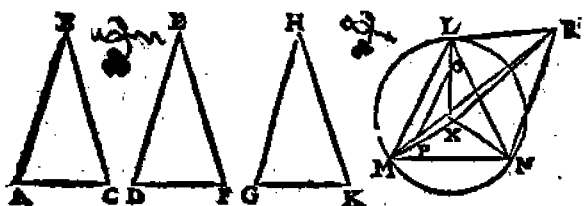
κγ

Εκ τριῶν γωνιῶν ὀπίπεδων, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεναι, περὶ

γωνίας συστήσασθαι. δὲ δὴ τὰς τρεῖς πρὸς ἄλλη-
λων ἐλάσσονας εἶναι.

Probl. 3. Propo. 23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut li-
bet assumpti tertio sint maiores, solidū an-
gulum constituere. Decet autem illos tres
angulos rectis quatuor esse minores.

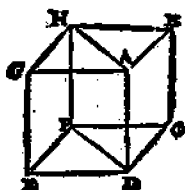


καδ

Εάν τρεῖς ὑπὸ πᾶσι πᾶσι ἐπιπέδων περικλείονται, τὰ ἀπεναντίον αὐτῶν ἐπίπεδα, ἴσα τε καὶ πᾶσι πᾶσι ὅτιν.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis cōtineatur, aduersa illius plana & æqualia sunt & parallelogramma.

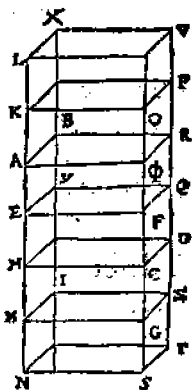


κε

Εὰν στερεὸν περιληφένον ὑπὸ δύο τμητῶν περιλήλῃ ὅντι τοῖς ἀπεναντίον ὑπὸ πλάτοις, ἔσται ὡς τῆς βάσεως, πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω τὸ στερεὸν πρὸς τὸ στερεόν.

Theor. 22. Proposition. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersus planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

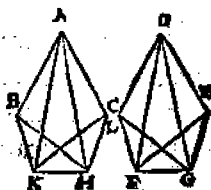


κς

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ στερεᾷ γωνία ἴσιν στερεὰ γωνία συστήσασθαι.

Probl. 4. Propo. 27.

Ad datam rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato æqua-
lem.

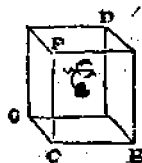
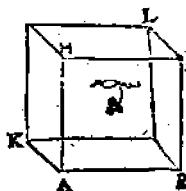


κζ

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι γωνίᾳ ὅμοιον
λληλεπίπεδον ὅμοιον τε καὶ ὁμοίως κείμενον στερόν
ὁμολληλεπίπεδον ἀναγράφαι.

Probl. 5. Propo. 27.

A data recta, dato solido parallelis planis
comprehēso simile & similiter positum so-
lidum pa-
rallelis pla-
nis contē-
tū descri-
bere.

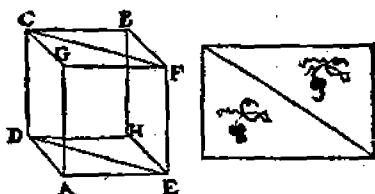


κη

Εὰν στερόν ὁμολληλεπίπεδον ὅπιπέδῳ τμηθῇ
καὶ τὰς διαγωνίους τῶν ἀπαραγίων ὅπιπέδων, διχα
τμηθήσεται τὸ στερόν ὑπὸ τῶ ὅπιπέδου.

Theor. 23. Propo. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum, ducto per aduersorum planorum diagonios plano sectum sit, illud solidum ab hoc plano bifariam secabitur.

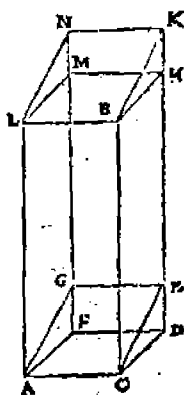


κθ

Τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα περὶ τὴν ἀλλήλων πύπυδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐφεστῶσαι ἐπὶ τῇ αὐτῇ εἰσὶν εὐθεῖαι, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 24. Proposition. 29.

Solida parallelis planis comprehensa, quæ super eandem basim & in eadem sunt altitudine, quorum insistentes lineæ in iisdem collocantur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

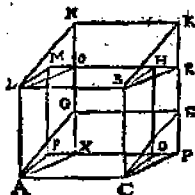


λ

Τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ ὡς ἑλλη-
λεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐνέστω-
σαι οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῇ αὐτῶν εὐθείᾳ, ἴσα ἀλλή-
λοις ὄντι.

Theor. 25. Propo. 30.

Solida parallelis planis cir-
cumscrip̄ta, quæ super eā-
dem basim & in eadē sunt
altitudine, quorū insisten-
tes lineæ non in iisdem re-
periuntur rectis lineis, illa
sunt inter se æqualia.

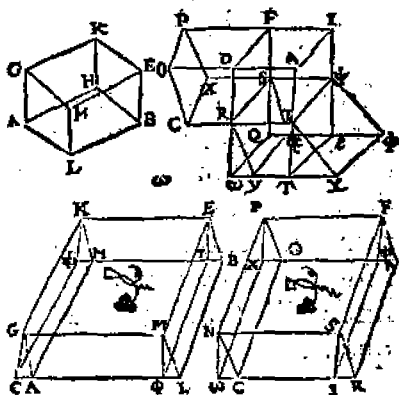


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ ὡς ἑλληλεπίπε-
δα καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 26. Propo. 31.

Solida pa-
rallelis pla-
nis circun-
scripta,
quæ in ea-
dem sunt
altitudine,
æqualia
sunt inter
se.

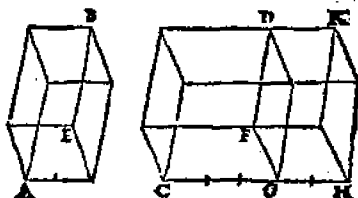


λβ

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα περιὰ ὡς ἀλληλεπίπε-
δα, πρὸς ἀλλήλα ὅσιν, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circumscripta quæ
eiusdem
sunt altitu-
dinis, eam
habent in-
ter se ratio-
nem, quam
bases.

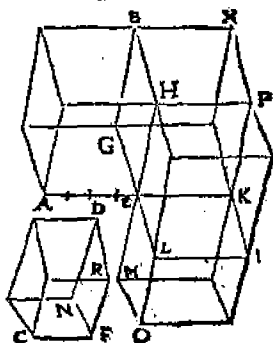


λγ

Τὰ ὅμοια περιὰ ὡς ἀλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλ-
ληλα ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσι τῶν ὁμολόγων
πλευρῶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida
parallelis pla-
nis circumscri-
pta, habent in-
ter se rationem
homologorū
laterum tripli-
catam.

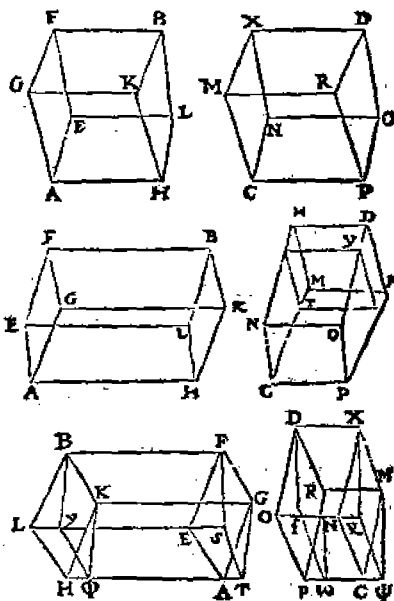


λδ

Τῶν ἴσων στερεῶν τῶ ἀλληλεπιπέδων ἀντιπεπρό-
 θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι, καὶ ὧν στερεῶν τῶ ἀλληλε-
 πιπέδων ἀντιπεπρόθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσα
 ἔσθιν ἐκείνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū
 solidorum
 parallelis
 planis cō-
 tentorum
 bases cum
 altitudini-
 bus reci-
 procantur.
 Et solida
 parallelis
 planis con-
 tenta, quo-
 rum bases
 cum altitu-
 dinibus re-
 ciprocant-
 tur, illa sunt æqualia.



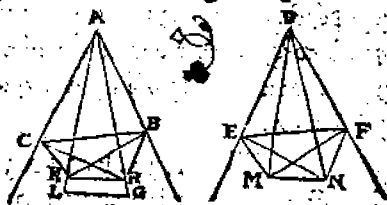
λε

Εὰν ᾧσι δύο γωνίαι ἐπίπεδοι ἴσαι, ἐπὶ δὲ τῇ κα-
 ρυφᾷ αὐτῶν μετέωροι ὠθεῖαι ἐπιτραῦσιν ἴσαι
 γωνίαι

γωνίας ἀλλήλους μετὰ τῆς ἐξάρχης ἐνθῶν,
 ἑατέραι ἑατέραι, ὅτι δὲ τῆς μετῶρον ληφθῆ
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὅτι αὐτὴν πεδία, ἐν
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξάρχης γωνίαι, καὶ γέται αὐθῶσιν, ἀπὸ
 δὲ τῆς γωνομετρίας σημείων ὑπὸ τῆς κατὰ τὴν ὅτι
 τοῖς ὁπίπεδοις, ὅτι αὐτὴς ἐξάρχης γωνίας ὅτι ζευ-
 γῶσιν ἐνθῶν, ἴσας γωνίας ἀλλήλους μετὰ τῆς
 μετῶρον.

Theor. 30. Propo. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
 verticibus sublimes rectæ lineæ insistant,
 quæ cum lineis primò positis angulos con-
 tineant æquales, vtrunque vtrique, in sub-
 limibus autem lineis qualibet sumpta sint
 puncta, & ab his ad plana, in quibus consi-
 stunt anguli primùm positi, ductæ sint per-
 pendiculares, ab earum verò punctis, quæ in
 planis signata fuerint, ad angulos primùm
 positos ad-
 ductæ sint
 rectæ lineæ,
 hæ cum su-
 blimibus
 æquales an-
 gulos comprehendunt.



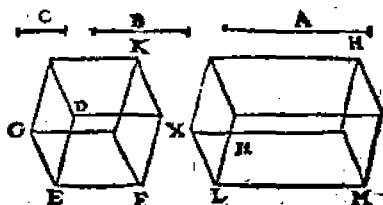
τοῖς αὐτοῖς ἀνάλογον ὡς

καὶ βεβαιώσεται ἀνάλογον ὡς, τὸ ἐκ τῆς τριων γει-
 V

ρεον ὡς ὅλληλεπίπεδον ἴσον ὅτι τῷ ἀπὸ τῆς μέσης
 περιῶ ὡς ὅλληλεπίπεδον ἴσο πλεύρω μὲν, ἴσο γὰρ
 εἶναι δὲ τῷ περιγρημύον

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales, quod
 ex his tribus fit solidū parallelis planis con-
 tentum, æquale est descripto à media linea
 solido parallelis planis comprehenso, quod
 æquilate-
 rum qui-
 dem sit, sed
 antedicto
 æquiangu-
 lum.



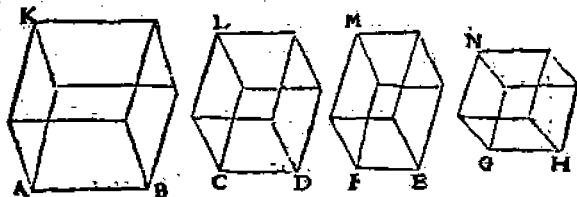
λζ

Εὰν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-
 τῶν ὡς ὅλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γραφόμενα, ἀνάλογον ἔσται. καὶ εἰαν τὰ ἀπ' αὐτῶν
 περιῶ ὡς ὅλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γραφόμενα ἀνάλογον ᾦ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλο-
 γον ἔσονται.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportionales,
 illa quoque solida parallelis planis conten-
 ta, quæ ab ipsis lineis & similia & similiter
 describuntur, proportionalia erunt. Et si

solida parallelis planis comprehensa, quæ
& similia & similiter describuntur, sint pro-
portionalia, illæ quoque rectæ lineæ pro-
portionales erunt.

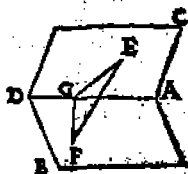


λ η

Εὰν ὁπίπεδον πρὸς ὁπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ πρὸς
σημείῳ τῷ εἰς τὸ ὁπίπεδον ὅτι τὸ ἕτερον ὁπί-
πεδον χάσεται ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς προσεῖται
τῷ ὁπίπεδον ἢ ἀπορῶν χάσεται.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quo-
dam puncto eorum quæ in vno sunt plano-
rum perpédicularis ad al-
terum ducta sit, illa quæ
ducitur perpédicularis,
in communem cadet pla-
norum sectionem.



λ θ

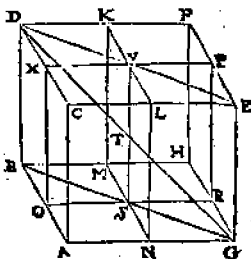
Εὰν πρὸς ὁπίπεδον πρὸς ὁπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ πρὸς
σημείῳ τῷ εἰς τὸ ὁπίπεδον ὅτι τὸ ἕτερον ὁπί-
πεδον χάσεται ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς προσεῖται
τῷ ὁπίπεδον ἢ ἀπορῶν χάσεται.

V 13

ὃς ἔστι τῶ στερεοῦ ὡς ἑλληλεπιπέδου ἀξίμετρος, δι-
χατέμνουν ἀλλήλας.

Theor. 34. Propo. 39.

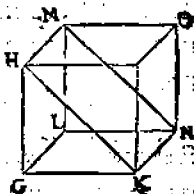
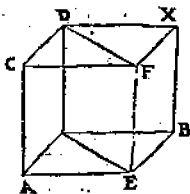
Si in solido parallelis planis circumscripto, aduersorum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorum sectio, & solidi parallelis plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.



Εάν ἡ δύο ^μπρίσματα ἰσοῦνται, καὶ τὸ μὲν ἐξ βάσιν πα-
ραλληλόγραμμον, τὸ δὲ τρίγωνον, διπλάσιον δὲ ἢ
τὸ ὡς ἑλληλόγραμμον τῷ τριγώνῳ, ἴσα ἔσται τὰ
πρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quo-
rum hoc quidē basim habeat parallelogra-
mum, illudverò triangulum, sit autem pa-
rallelogra-
mum triā-
guli duplū,
illa prisma-
ta erunt æ-
qualia.



Elementi vadeceimi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ,
ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM
secundum.

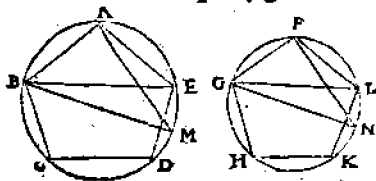
Προτάσεις.

^a

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλη-
λά ὅσιν, ὡς τὰ ἀπὸ τῆς διαμέτρων τετράγωνα.

Theor. 1. Propo. 1.

Similia quæ sunt in circulis polygona, ra-
tionem ha-
bent inter
se quæ de-
scripta à
diametris
quadrata.



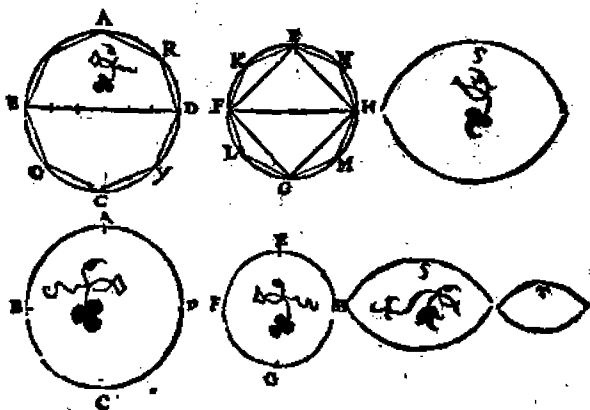
V iij

β.

Οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλοις εἰσὶν, ὥς τε ἀπὸ τῆς
 ἀξιάμετρον τετραγώνου.

Theor. 2. Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habēt, quam
 descripta à diametris quadrata.



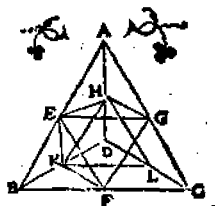
γ.

Πᾶσα πυραμὶς τρίγωνον ἔχουσα βάσιν, διαρῆται
 εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, διὰ
 γωνίας βάσεως ἐχούσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο
 τριγώματα ἴσα, καὶ τε δύο τριγώματα μείζονά ἐστιν,
 ἢ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in
 duas diuiditur pyramidas nō tantum æqua-

les & similes inter se, sed
toti etiam pyramidi simi-
les, quarum trigonæ sunt
bases, atque in duo pris-
mata æqualia, quæ duo pris-
mata dimidio pyramidis
totius sunt maiora.

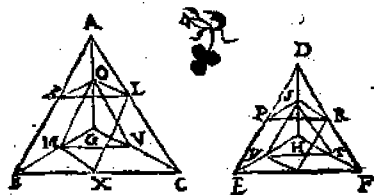


Εὰν ὡς δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, τρι-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, διαμερῇ δὲ ἑκάτερα αὐ-
τῶν εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας
τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα, καὶ τῶν γενομέ-
νων πυραμίδων ἑκάτερα τὸν αὐτὸν τρόπον, καὶ τῶ-
το αἰεὶ γίνηται, ἔστιν ὡς ἡ τῆς μιᾶς πυραμίδος βά-
σις, πρὸς τὴν τῆς ἑτέρας πυραμίδος βάσιν, οὕ-
τως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι πρίσματα πάντα,
πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρᾳ πυραμίδι πρίσματα πάντα
ἰσοπληθῆ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides tri-
gonas habeant bases, sit autem illarum v-
traque diuisa & in duas pyramidas inter se
æquales toti quæ similes, & in duo prismata
æqualia, ac eodem modo diuidatur vtraque
pyramidum quæ ex superiore diuisione na-
tæ sunt, idque perpetuò fiat: quemadmo-
dum se habet vnus pyramidis basis ad alte-

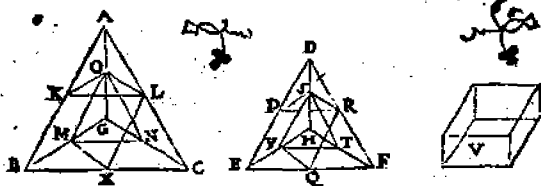
rius pyramidis basim, ita & omnia quæ in una pyramide prismata, ad omnia quæ in altera pyramide prismata, multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, ἢ πριζμά-
νες ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

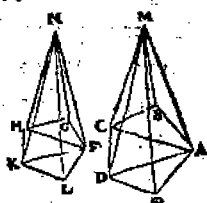
Pyramides eiusdē altitudinis, quarum tri-
gonæ sunt bases, eam inter se rationem ha-
bent quam ipsæ bases.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, ἢ πριζ-
μάτοις ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 6. Propo. 6.

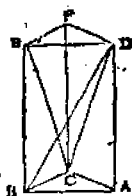
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam interse-
rationem habent quam ipsæ bases.



Πάν ὁρίσμα τριγώνον ἔχον βάσιν, διαρῆται εἰς τρεῖς
πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις, τριγώνους βάσεις ἔ-
χούσας.

Theor. 7. Propo. 7.

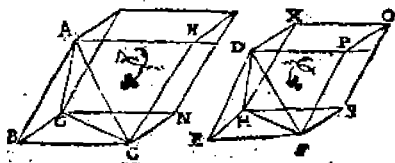
Omne prisma trigonā ha-
bens basim, diuiditur in
tres pyramidas inter se æ-
quales, quarum trigonæ
sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραμίδες, καὶ τριγώνους ἔχουσαι βάσεις,
ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῇ ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides, quæ trigonas habēt ba-
ses, in tripli-
cata sunt
homolo-
gorum la-
terum ra-
tione.

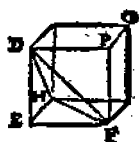
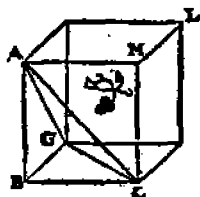


θ

Τῶν ἴσων πυραμίδων, ἢ τριγώνους βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπρωμέναι αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. ἢ ὧν πυραμίδων τριγώνους βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπρωμένας αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσαι εἰσιν ὁκταί.

Theor. 9. Propo. 9.

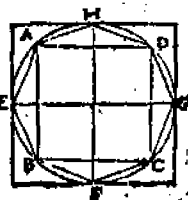
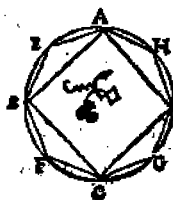
Æqualium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus, illæ sunt æquales.



Πᾶς κῆνος, κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶ τῷ πλὴν αὐτοῦ βάσει ἔχοντος αὐτῷ ἢ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Propo. 10.

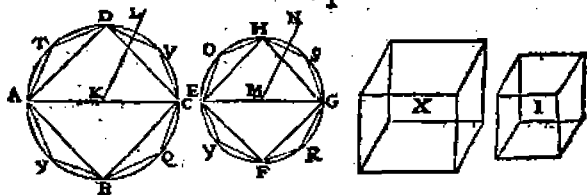
Omnis canus tertia pars est Cylindri eandem cum ipso cano basim habentis, & altitudinē æqualem.



^{1α}
Οἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propo. 11.

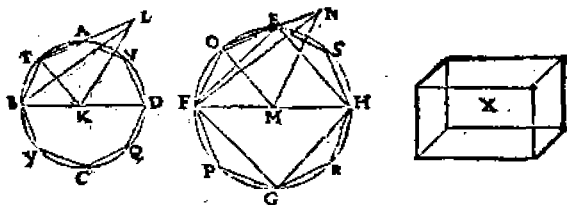
Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.



^{1β}
Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἐν ταῖς βάσεσι διττάμενων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes conī & cylindri, triplicatam habent
inter se rationem diametrorum quæ sunt in
basibus.

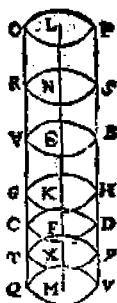


^{1γ}
Ἐὰν κύλινδρος ὑπὸ πλάτῃ τμηθῇ ὡς ἀλλήλῳ ὅ-
τι τοῖς ἀπειραῖον ὑπὸ πλάτῃ, ἔσται ὡς ὁ κύλιν-
δρος ὅλος.

δρος πρὸς τὸν κύλινδρον, οὕτως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξονα.

Theor. 13. Pro-
posit. 13.

Si cylindrus plano sectus
fit aduersis planis paral-
lelo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.

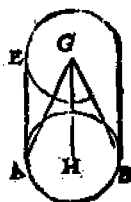
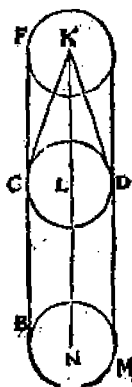


1Δ

Οἱ ὅτι ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theor. 14. Propo. 14.

Coni & cy-
lindri qui
in æquali-
bus sunt ba-
sibus, eam
habent in-
ter se ratio-
nem, quam
altitudi-
nes.

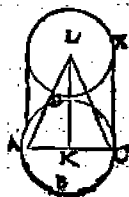
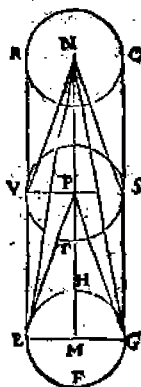


16

Τῶν ἴσων κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ὧν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσοι εἰσὶν ἐκείνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium conorum & cylindrorum bases cū altitudinibus recipiuntur. Et quorum conorum & cylindrorum bases eum altitudinibus recipiuntur, illi sunt æquales.



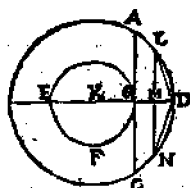
17

Δύο κύκλων φεῖ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν μέζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἀρτιόπλευρον ἐγγράψαι, μὴ φαῦδον τῷ ἐλάχιστονι κύκλῳ.

Probl. 1. Propo. 16.

Duobus circulis circum idem centrum

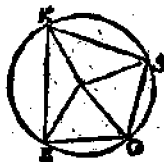
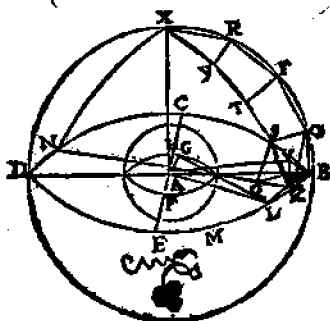
consistentibus, in maiore circulo polygonum equalem pariumque laterum inscribere, quod minorem circulum non tangat.



Δύο σφαῖρας ἀεὶ τὸ αὐτὸ κέντρον οὐσῶν, εἰς τὴν μείζονα σφαῖραν περιέδον πολύεδρον ἐγγράψαι, μὴ ψαῦον τῆς ἐλάσσονος σφαίρας καὶ τὴν ὀπίσθαιαν.

Probl. 2. Propo. 17.

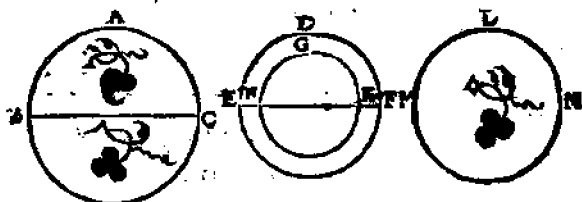
Duabus sphaeris circum idem centrum consistētibus, in maiore sphaera solidum polyedrum inscribere, quod minoris sphaerae superficiem non tangat.



¹⁷
 Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ἐν τριπλασίονι λόγῳ
 εἰσὶ τῆς ἰδίων διαμέτρων.

Theor. 16. Propo. 13.

Sphæra inter se rationem habent suarum
 diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΙΓ, ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

ΕΥΚΛΙΔΙΣ ΕΛΕΜΕΝ-

TVM DECIMUMTERTIVM,

ET SOLIDORVM

tertium.

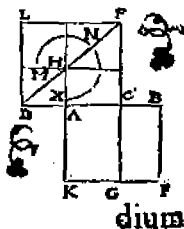
Προτάσις.

a

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ τὸ μείζον τμήμα περιλαβὼν πλὴν ἡμίσηται τῆς ὅλης, πενταπλάσιον δυνάται τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισίας τῆς ὅλης.

Theor. 1. Propo. 1.

Si recta linea per extremam & mediam rationem secta sit, maius segmētum quod totius lineæ dimi-



dium

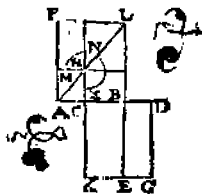
dium assumpserit, quintuplum potest eius quadrati, quod à totius dimidia describitur.

β

Εὰν εὐθεία γραμμὴ, τμήματος ἑαυτῆς πενταπλάσιον διώηται, τῆς διπλασίας τῷ εἰρημόνῳ τμήματος ἄκρον καὶ μέσον λόγον τενομένης, τὸ μείζον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ἔσθι τῆς ἐξαρχῆς εὐθείας.

Theor. 2. Propo. 2.

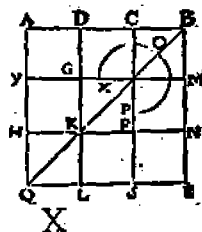
Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplū possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediam rationem secetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primū positæ.



Εὰν εὐθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ ἑλάσσον τμήμα προσλαβόντιν ἡμισίαι τῷ μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον διώηται τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισίας τῷ μείζονος, τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extremā & mediam rationem secta sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidiū assumpserit, quintuplum

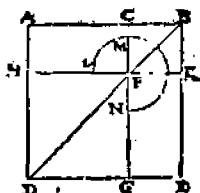


potest eius, quod à maioris segmenti dimidio describitur, quadrati.

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήσῃ, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ ἐλάττωτος τμήματος, τὰ συν-
αμφότερα τετραγώνια, τριπλάσιά ἐσσι τῷ ἀπὸ τῷ
μείζονος τμήματος τετραγώνου.

Theor. 4. Propo. 4.

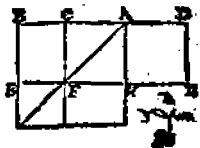
Si recta linea per extremam & mediam ratione secta sit, quod à tota, quodque à minore segmento simul utraq; quadrata, tripla sunt eius, quod à maiore segmento describitur, quadrati.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήσῃ, καὶ προσεληθῇ ἰσὴ τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἢ εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα ἐστίν, ἡ ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖα.

Theor. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineam, quæ per extremam & mediam rationem secetur, adiuncta sit altera segmento maiori æqualis, tota hæc linea recta per extremam



& mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primùm posita.

Εὰν εὐθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκάτερον τῶν τμημάτων ἀλογός ἐστίν, ἡ καλουμένη ἀπὸτομή.

Theor. 6. Propo. 6.

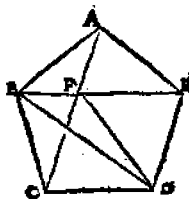
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, vtrunque segmentorum ἀλογός siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.



Εὰν πεντάγωνου ἰσοπλεύρου αἱ πρῆς γωνίαι, ἥτοι αἱ χτ' τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ χτ' τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσογώνιον ἔσται τὸ πεντάγωνον.

Theor. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilateri tres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulum.

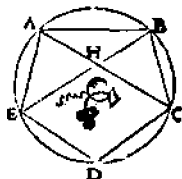


Εὰν πεντάγωνου ἰσοπλεύρου καὶ ἰσογώνιου τὰς χτ' τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτίνωσιν εὐθείαι, ἄκρον καὶ

μέσον λόγον τέμνουσιν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα αὐ-
τῶν τμήματα ἴσα ὅτι τῇ τῷ πενταγώνου πλευρᾷ.

Theor.8,Propo.8.

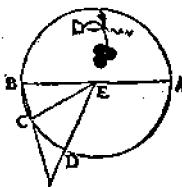
Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos
qui deinceps sequuntur angulos rectæ sub-
tendant lineæ, illæ per ex-
tremam & mediam ratio-
nem se mutuò secant, ea-
rúmque maiora segmēta,
ipsius pētagoni lateri sunt
æqualia.



Εὰν ἡ τῷ ἐξαγώνῳ πλευρὰ καὶ ἡ τῷ δεκαγώνου, εἰς
τὸν αὐτὸν κύκλον ἐκτραφομένην περιέγῃσιν, ἡ ὅλη
εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μέζον
αὐτῆς τμήμα, ὅστις ἡ τῷ ἐξαγώνου πλευρὰ.

Theor.9.Propo.9.

Si latus hexagoni & latus decagoni eidem circulo insectorum cōposita sint, tota recta linea per extremam & mediam rationem secta est, cuiusque segmētum maius, est hexagoni latus.

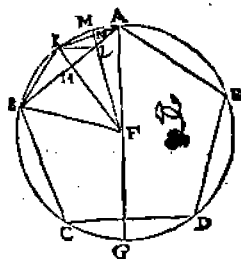


Εὰν εἰς κύκλον πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγχαρθῇ,

ἢ τῷ πενταγώνου πλευρὰ διύαται πῶς τε τοῦ
ἑξαγώνου πῶς τῷ δεκαγώνου, τῶς εἰς τὸν αὐτὸν κύ-
κλον ἐγγραφόμενων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentagō-
nūm equilaterum in-
scriptum sit, pētagō-
ni latus potest & la-
tus hexagōni & latus
decagōni, eidem cir-
culo inscriptorum.

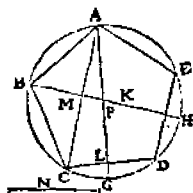


1a

Εὰν εἰς κύκλον ῥητῶν ἔχοντα πῶς διζόμενον, πεν-
τάγωνον ἰσὺ πλευρον ἐγγραφῇ, ἢ τῷ πενταγώνου
πλευρὰ ἀλογὸς ὂσιν, ἢ καλουμένη ἐλάσσων.

Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητῶν haben-
te diametrum, inscriptum
sit pentagōnum æquilate-
rum, pentagōni latus irra-
tionalis est linea, quæ vo-
catur Minor.



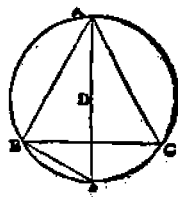
1b

Εὰν εἰς κύκλον τριγώνον ἰσὺ πλευρον ἐγγραφῇ, ἢ τῷ
τριγώνου πλευρὰ, διυάμει τριπλασίων ὂσιν τῆς
ἐν τῷ κέντρῳ τοῦ κύκλου.

X iiij

Theor. 12. Propo. 12.

Si in circulo inscriptum sit
triangulum æquilaterum,
huius trianguli latus po-
tentia triplum est eius li-
neæ, quæ ex circuli centro
ducitur.

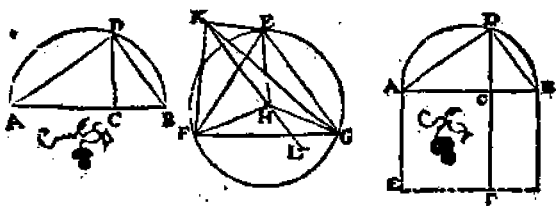


17

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διμέ-
μετρος, δυνάμει ἡμιολία ἐστὶ τῆς πλευρᾶς τῆς πυ-
ραμίδος.

Probl. 1. Propo. 13.

Pyramidem cōstituere, & data sphaera com-
plecti, atque docere illius sphaeræ diametrū
potētia sesquialteram esse lateris ipsius py-
ramidis.



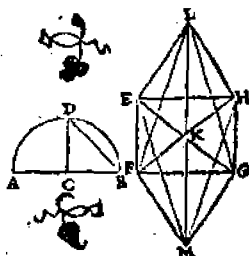
18

Οκτάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
ἢ καὶ τινὲς πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας

Διγμέτος δυνάμει διπλασία ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆς ὀκταέδρου.

Probl.2. Propo. 14.

Octaëdrum constituere, eaque sphaera qua pyramidem cōplecti, atque probare illius sphaerae diametrum potentia duplā esse lateris ipsius octaëdri.

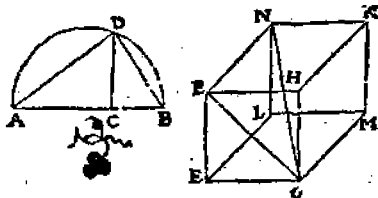


16

Κύβου συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἢ καὶ τὰ πλεονέκτα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαίρας διγμέτος δυνάμει τριπλῇ ὅτι τῆς τῆς κύβου πλευρᾶς.

Probl.3. Propo. 15.

Cubum constituere, eaque sphaera qua & superiores figuras complecti, atque docere illius sphaerae diametrum potentia triplam esse lateris ipsius cubi.



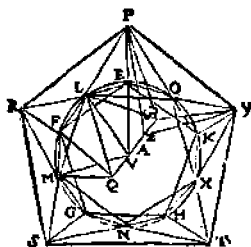
X iiij

15

Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν, ἢ καὶ τὰ προσηρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῷ εἰκοσαέδρου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλουμένη ἐλάττων.

Probl. 4. Prop. 16.

Icosaëdram constituere, eadémque sphæra qua & antedictas figuras complecti, atque probare icofoëdrilatus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Minor.



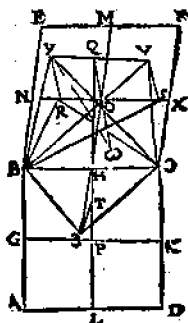
16

Δωδεκάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν, ἢ καὶ τὰ προσηρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῷ δωδεκάεδρου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλουμένη ἀποτομή.

Probl. 5. Prop. 17.

Dodecaëdram cōstituere, eadémque sphæ-

ra qua & antedictas figuras complecti, atque probare δωδεκαῖδρι latus irrationalé esse lineam, quæ vocatur Residuum.

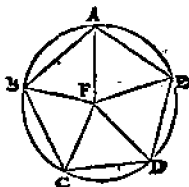
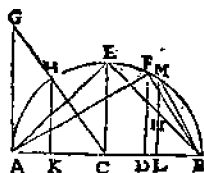


17

Ταὲ πλευραὶ τῆς πέντε σχημάτων ἐκτίθενται, καὶ συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque figurarum latera proponere, & inter se cōparare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγω δὴ ὅτι πᾶσι ταῖς εἰρηδικαῖς ἑσχήματα ἔσονται ἴσηται ἕτερον σχῆμα, περιεχόμενον ὑπὸ ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ μὲν γὰρ δύο τριγώνων, ἀλλ' οὐδὲ ἄλλων δύο ὅτι πέδων περιεχόμενα ἔσονται ἴσηται.

Υπὸ δὲ τριῶν τριγώνων, ἢ τῆς περὶ μέδου.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἢ τῷ ὀκταέδρῳ.

Υπὸ δὲ ἑ, ἢ τῷ εἰκοσαέδρῳ.

Υπὸ δὲ ἐξ τριγώνων ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων
 πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισταμένων, ὅτε ἔσται τερεὰ γω-
 νία. οὗσης γὰρ τῆς ἑ ἰσοπλεύρου τριγώνου γωνίας δι-
 μοίρου ὀρθῆς, ἔσονται αἱ ἐξ τέταρτον ὀρθαῖς ἴσαι, ὅ-
 τε ἀδύνατον. ἅπαντα γὰρ τερεὰ γωνία ὑπὸ ἐ-
 λασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. ἀλλὰ τὰ
 αὐτὰ δὴ οὐδὲ ὑπὸ πλειόνων ἢ ἐξ γωνιῶν ὅτι πέ-
 δων τερεὰ γωνία συνίσταται.

Υπὸ δὲ τετραγώνων τριῶν, ἢ τῷ κύβῳ γωνία πε-
 ριέχεται.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἀδύνατον. ἔσονται γὰρ πάλιν
 τέσσαρες ὀρθαί.

Υπὸ δὲ πενταγώνων ἰσοπλεύρων καὶ ἰσογωνίων,
 ὑπὸ μὲν τριῶν, ἢ τῷ δωδεκαέδρῳ.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἀδύνατον. οὗσης γὰρ τῆς ἰσο-
 πλεύρου πενταγώνου γωνίας ὀρθῆς καὶ πέμπτου, ἔσοι-
 ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὀρθῶν μείζουσι,

ὅτι ἀδυνάτον. ἔδὲ μὲν ὑπὸ πολυγώνων ἑτέρων,
 σχημάτων περισχηθήσεται τερεὰ γωνία, ἀλλὰ τὸ
 ἀποπν. ὅτι ἀδυνάτον. ὅτι ἐρηιδύα εἰ σχήματα ἑ-
 τερον σχῆμα τερεὸν συσταθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλεύρων
 καὶ ἰσογωνίων περιεχόμενον. ὅτι ἔδὲ δειξαι.

SCHOLIUM.

*Aio verò, præter dictas quinque figuras non posse
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis &
 æquilateris & equiangulis contineatur, inter
 se æqualibus. Non enim ex duobus triangulis,
 sed neque ex aliis duabus figuris solidus consti-
 tueretur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an-
 gulus.*

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque verò, Icosaëdri.

*Nam ex triangulis sex & æquilateris & æ-
 quiangulis ad idem punctum cœuntibus, non
 fiet angulus solidus. Cum enim trianguli æqui-
 lateri angulus, recti unius bessem contineat,
 erunt eiusmodi sex anguli rectis quatuor æqua-
 les. Quod fieri non potest. Nam solidus omnis
 angulus, minoribus quam rectis quatuor angu-
 lis continetur, per 21. 11.*

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quàm planis sex eiusmodi angulis solidus constat. Sed ex tribus quadratis, cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecaëdri angulus continetur. Sed ex quatuor, nullus potest. Cum enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex aliis polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΨΟΝ ΙΔ, ΚΑΙ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς οἰοντά τινες, ὡς ἄλλοι δὲ, ΥΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ὡς τῆς ἑσπερίων,

ὡρώτων.

Βασιλείδης ὁ τύχιος, ὁ Πρώταρχε, ὁ θαλα-
σσοφύλαξ εἰς Ἀλεξάνδρην, ὁ συσταγὴς τῷ πατρὶ
ἡμῶν Διοφάντῳ ἀπὸ ἑμαυτοῦ συγγενέας, ἐπι-
δέξινται αὐτῷ τὸν πλεῖστον τῆς ὑποδημίας χρο-
νον. καὶ ποτε διελουῦντες τὸ ὑπὸ Ἀπολλωνίου γε-
φει ὡς τῆς συγκρίσεως τῶ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ
εἰκοσαέδρου, τῆς εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἔχον-
τος, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἄλληλα,
ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὀρθῶς γεγραφεῖν τὸν Ἀπολ-
λώνιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα ἀνακατατάξαντες, ἔγρα-
ψαν, ὡς ἡμεῖς ἀκούειν τῷ πατρί. ἐγὼ δὲ ὑπερὸν πε-

ἀείπεσον ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδο-
 δομένη, καὶ ἀείχοντι ἀπόδειξιν ὅπως ἀπὸ τῆς
 ὑποκειμένου, καὶ μεγαλύτερος ἐνυχαγωγίῃ, ὅτι τῆς
 προβλήματος ζητήσεως. τὸ μὲν ὑπὸ Ἀπολλωνίου
 ἐκδοθεὶς ἔοικε κοινῇ σκοπεῖν. καὶ γὰρ ἀειφέρεται.
 τὸ δ' ὑφ' ἡμῶν δοκοῦν ὕστερον γεγραφεῖν φιλο-
 πόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑπομνηματισάμενος ἔκρινε
 προσφωνήσά σοι. ἀλλὰ πλὴν ἐν ἅπασιν μαθήμασι,
 μάλιστα δ' ἐν γεωμετρίας προσκοπὴν ἐμπείρως κρί-
 νοντι τὰ ῥηθησόμενα, ἀλλὰ δὲ πλὴν πρὸς τὸν πατέρα
 ζυνήσαν, καὶ πλὴν πρὸς ἡμᾶς εὐνοίαν, εὐμνῶς ἀκού-
 ομένη τῆς πραγματείας. χαρὸς δ' αὖ εἴη προσο-
 μίου μὲν πεπαῦσθαι, τῆς δὲ ζυντάξεως ἀρχοῦσθαι.



EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVMQVARTVM,

VT QVIDAM AR-

bitrantur, vt alij verò,

Hypsiclis Alexandri-

ni, de quinque

corporibus.

LIBER PRIMVS.

Basilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplinae societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cumque differerent aliquando descripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri & Icosaëdri eidem sphaera inscriptorum, quam haec inter se habeant rationem, censuerunt ea non recte tradidisse Apollonium: quae à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui demonstrationem accuratè

complecteretur de re proposita, ex eiusque problematis indagatione magnam equidem cepi voluntatē. Illud certe ab omnibus perspicere potest, quod scripsit Apollonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum conicere licet, studio nos postea scripsisse videmur, id monumentis consignatum tibi nuncupandum duximus, ut qui feliciter cum in omnibus disciplinis tum vel maxime in Geometria versatus, scite ac prudenter iudices ea quæ dicturi sumus: ob eam verò, quæ tibi cum patre fuit, vitæ cōsuetudinem, quæque nos complecteris, benevolentiam, tractationem ipsam, præter audias. Sed iam tempus est, ut procerius modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσεις.

a.

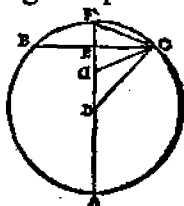
Η' ὡς πρὸ τοῦ κέντρου κύκλου πηδός, ὅτι τὸ πένταγωνον πληρᾷ, τὸ εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐκγεγραμμένου καθετος ἀρμόζει, ἡμίσφαι βεῖ (συμφοτέρου, τῆς τε ὅτι τὸ κέντρου καὶ τῆς τῷ δεκαγώνου, τῷ εἰς τὸν κύκλον ἐκγεγραμμένων.

Theor. 1. Propo. 1.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuiuspiam

inspiciam centro in latus pentagoni ipsi circulo inscripti ducitur, dimidia est utriusque simul lineæ, & eius quæ ex centro, & lateris decagoni in eodem circulo inscripti.

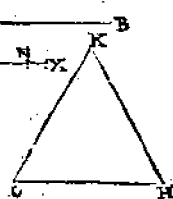
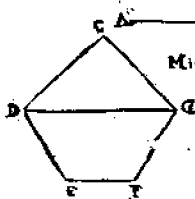
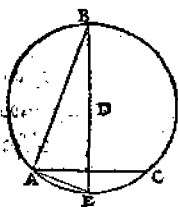
β



Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ, τετὸ δωδεκαέδρου πεντάγωνον, καὶ τὸ τῶν εἰκοσαέδρου τρίγωνον τῆς αὐτῆς σφαίρας ἐξασφονδύων.

Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri pentagonum & icoëdri triangulum, eidem sphaeræ inscriptorum.

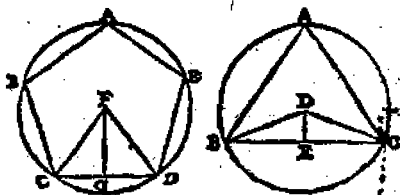


Εάν ᾗ πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ περιέστω κύκλος, καὶ ἐκ τοῦ κέντρου καθέτος ὅτι μίαν πλευρὰν ἀρῇ, τὸ τριακοντάκις ὑπὸ μιᾷ τῶν πλευρῶν καὶ τῆς καθέτου, ἴσον ὅτι τῇ τῶν δωδεκαέδρου ὀπίσφαρεια.

Υ

Theor. 3. Propo. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangolo circumscribitur sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari trigies continetur, illud æquale est decædri superficiei.



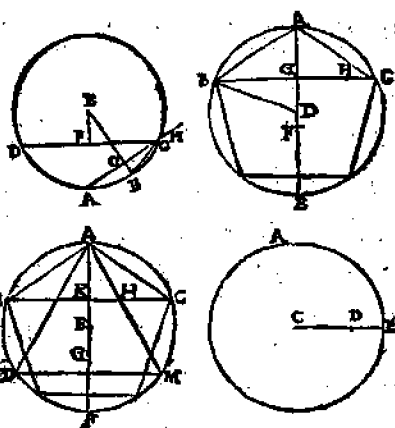
♪

Τούτου δήλου ὄντος, δεκτέον ὅτι ἔστι αἰς ἡ τοῦ δω-
δεκάεδρου ὀπιφάνεια πρὸς τὴν τῆ εἰκοσαέδρου, οὕ-
τως ἡ τῆ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῆ εἰκοσαέδρου
πλευρὰν.

Theor. 4. Propo. 4.

Hoc perspicuum cū sit, probandum est,
quemadmodum se habet decædri super-

ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere
cubilatus ad icosaëdri latus.



Cubilarus.

E —————

Dodecaëdri.

F —————

Icosaëdri.

G —————

Y ij

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Διελίον δὴ νυν, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλευρὰ πρὸς
 πλὴν τῷ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ τερεὸν τῷ δωδεκαέδρου
 πρὸς τὸ τερεὸν ἔχει εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 περιλαμβάνουσι τό, τε τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνοι,
 καὶ τὸ ἔχει εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς πλὴν αὐτῶν
 σφαῖρας ἐκγεφομύων, ἐν δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ ἴσοι
 κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τῷ κέντρῳ. αἱ γὰρ ἀπὸ τοῦ
 κέντρου τῆς σφαίρας ἐπὶ τὰ τῶν κύκλων ἐπίπεδα
 ῥέττοι ἀγόμεναι, ἴσαι τε εἰσὶν καὶ ἐπὶ τὰ κέντρα
 τῶν κύκλων πίπῃσιν. ὥστε αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ τῆς
 σφαίρας ἐπὶ τὸ κέντρον τῷ κύκλου τῷ περιλαμ-
 βάοντος τό, τε τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, καὶ τὸ τῷ
 δωδεκαέδρου πεντάγωνον, ἴσαι εἰσὶ, τετέστι αἱ ῥέ-
 ττοι. ἰσοῦνται δὲ αἱ πρυμνίδες αἱ βά-
 σεις ἔχουσαι τὰ τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ
 αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ
 ἰσοῦνται πρυμνίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις. ὡς δὲ τὸ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον,

οὕτως ἡ πυραμὶς ἥς βάσις μὲν ἔστι τὸ τῷ δωδεκάεδρῳ
 πεντάγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας,
 πρὸς τὴν πυραμίδα ἥς βάσις μὲν ἔστι τὸ τῷ εἰκο-
 σαέδρου τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας.
 καὶ ὥς ἄρα δώδεκα πεντάγωνα πρὸς εἴκοσι τρίγω-
 να, οὕτω δώδεκα πυραμίδες πενταγώνους βάσις
 ἔχουσαι πρὸς εἴκοσι πυραμίδας τριγώνους βάσις
 ἔχουσας. καὶ δώδεκα πεντάγωνα ἢ τῷ δωδεκάε-
 δρου ὑπερφάνεια ἔστιν, εἴκοσι δὲ τρίγωνα ἢ τῷ εἰκο-
 σαέδρῳ ὑπερφάνεια ἔστιν. ἔστιν ἄρα ὥς ἡ τῷ δωδεκάε-
 δρῳ ὑπερφάνεια πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρῳ ὑπερφάνεια,
 οὕτω δώδεκα πυραμίδες πενταγώνους βάσις ἔχου-
 σαι πρὸς εἴκοσι πυραμίδας τριγώνους βάσις ἔχου-
 σαι. καὶ εἰσὶ δώδεκα μὲν πυραμίδες πενταγώ-
 νους βάσις ἔχουσαι, τὸ περιὸν τῷ δωδεκάεδρῳ, εἴ-
 κοσι δὲ πυραμίδες τριγώνους βάσις ἔχουσαι, τὸ πε-
 ριὸν τῷ εἰκοσαέδρῳ. καὶ ὥς ἄρα ἢ τῷ δωδεκάεδρῳ
 ὑπερφάνεια πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρῳ, οὕτω τὸ περιὸν
 τῷ δωδεκάεδρῳ πρὸς τὸ περιὸν τῷ εἰκοσαέδρῳ. ὥς
 δὲ ἢ ὑπερφάνεια τῷ δωδεκάεδρῳ πρὸς τὴν ὑπερφά-

ἡ δὲ εἰκοσαέδρου, οὕτως ἐδείχθη ἢ ὁ κύβου πλευ-
 ρὰ πρὸς τὴν ὁ εἰκοσαέδρου πλευράν. καὶ ὥς ἀρα ἡ
 τῷ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρου πλευ-
 ράν, οὕτω τὸ τερεὸν ὁ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ τερεὸν τῷ
 εἰκοσαέδρου.

S C H O L I U M.

Nunc autem probandum est, quemadmodum se
 habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habere
 solidū dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cum enim
 æquales circuli comprehendant & dodecaëdri πε-
 τάγωνον & Icosaëdri triangulum, eidem sphaera
 inscriptorum: in sphaeris autem æquales circuli æ-
 quali intervallo distent à centro (siquidem perpen-
 diculares à sphaera centro ad circulorum plana du-
 ctæ & æquales sunt, & ad circulorum centra ca-
 dunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à
 sphaera centro ducuntur ad centrum circuli com-
 prehendentis & triangulum Icosaëdri & pentag-
 ων dodecaëdri, sunt æquales. Sunt igitur æqua-
 lis altitudinis Pyramides, quæ bases habent ipsa
 dodecaëdri pentάγωνα, & quæ, Icosaëdri trian-
 γουλα. At æqualis altitudinis pyramides rationem
 inter se habent eam quam bases, ex 5. & 6. II.
 Quemadmodum igitur pentάγωνον ad triangu-

gulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autē, sphaerae centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autē, sphaerae centrum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides, quorum pentagona sint bases, ad viginti pyramidas, quae triangulas habeant bases. Ad pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum triangula sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri; viginti autem pyramides, quae triangulas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quemadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.

Y. iij.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕ, ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς οἱ ὀνομάζουσιν, ὡς ἄλλοι δὲ, Γ' ΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρείας,

ὡς ἔστι τῶν σωματίων,

δεύτερον.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMUMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant: vt

autem alij, Hypsiclis

Alexandrini, de

quinque cor-

poribus,

LIBER SECVNDVS.

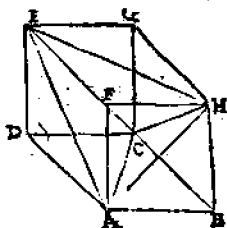
Προτάσεις.

α

Εἰς τοὺς δοθέντας κύκλους περιγράψαι.

Problema 1. Pro-
positio 1.

In dato circulo pyra-
midem inscribere.

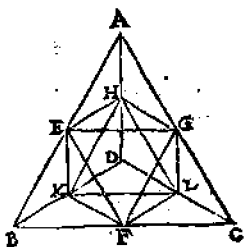


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον ὀκτάεδρον ἐγγραφῆναι.

Problema 2. Pro-
positio 2.

In data pyramide o-
ctaëdron inscribere.

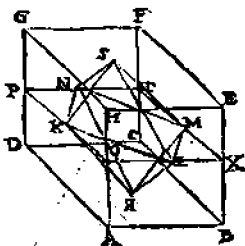


γ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγραφῆναι.

Problema 3. Pro-
positio 3.

In dato cubo octaëdru
inscribere.

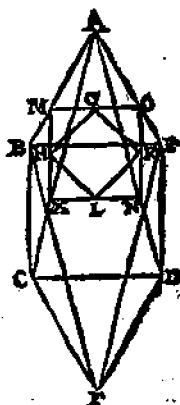


δ

Εἰς τὸν δοθέν ὀκτάεδρον κύβον ἐγγραφῆναι.

Problema 4. Pro-
positio 4.

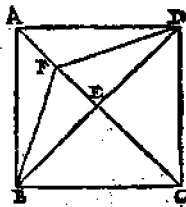
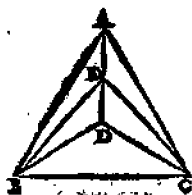
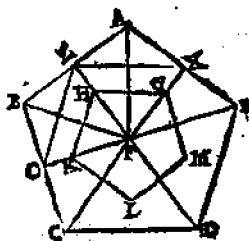
In dato octaëdro cubum
inscribere.

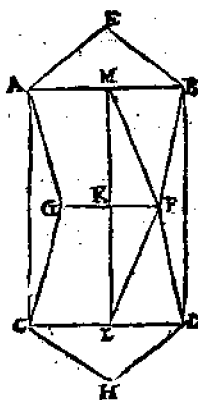
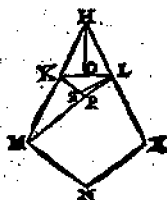
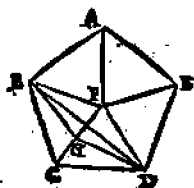


Εἰς τὸ δοτὲν οὐκταέδρον κύβον ἐνγέγραψαι.

Probl. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icosaëdro dodecaëdron inscribere.





ΣΚΟΛΙΟΝ.

Ἐπεὶ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι εἰάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πάσας πλευ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσάεδρον, φήσομεν οὕτως. Φανερόν ὅτι
 ὑπὸ εἴκοσι τριγώνων περιέχεται τὸ εἰκοσάεδρον,
 καὶ ὅτι ἕκαστον τρίγωνον ὑπὸ τριῶν εὐθείων περιέ-
 χεται. δεῖ οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἴκοσι
 τρίγωνα ὅτι τὰς πλευρὰς τῶ τρίγωνου, γίνεται δὲ
 ἐξήκοντα, ὧν ἡμῖς γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ
 ὅτι δωδεκάεδρου. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-
 γωνα περιέχουσι τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἕκα-
 στον πεντάγωνον ἔχει πέντε εὐθείας, ποιοῦμεν δω-
 δεκάκις πέντε, γίνεται ἐξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμῖς
 γίνεται τριάκοντα. Ὡς δὲ τὸ ἡμῖς ποιοῦμεν,
 ἐπειδὴ ἔχῃ πλευρὰ, ἢ τριγώνου, ἢ πεντα-
 γώνου, ἢ τετραγώνου, ὡς ὅτι κύβου, οἷον δευτέρῃ λαμ-
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὅτι κύβου, καὶ
 ὅτι τῆς πυραμίδος, καὶ τῶ ὀκτάεδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας, εὐρήσῃς τὰς πλευρὰς. εἰ δὲ βυλῆθῃς πάλ-
 λιν ἔχῃ τὰ πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλ-

λη τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέλειζε τῷ Δε τὰ ἐπίπεδα
 τὰ περιέχοντα μίαν γωνίαν τῷ τετραγώνῳ, οἷον ἐπειδὴ
 πῶς τὸ εἰκοσαέδρου γωνία περιέχουσιν ἑπτὰ τρίγωνα,
 μέλειζε τῷ Δε τὰ ἑπτὰ, γίνονται δώδεκα γωνία τοῦ εἰ-
 κοσαέδρου. ἑπὶ δὲ τοῦ δωδεκαέδρου, πρὶν πεντά-
 γωνα περιέχουσι πῶς γωνία, μέλεισον τῷ Δε τὰ
 πρὶν, καὶ ἑξῆς καὶ γωνίας οὖσας τῷ δωδεκαέδρου. ὁ-
 μίως δὲ καὶ ἐπὶ τῇ λοιπῇ εὐρήσει τὰς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδου στοιχείων.

SCHOLIUM.

*Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosaë-
 drum habeat latera, ita respondendum esse. Patet
 Icosaëdram viginti contineri triangulis, quodli-
 bet verò triangulum rectis tribus constare lineis.
 Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula
 in trianguli unius latera, fiuntque sexaginta, quo-
 rum dimidium est triginta. Ad eundem modum et
 in dodecaëdro. Cum enim rursus duodecim penta-
 gona dodecaëdram comprehendant, itemque pen-
 tagonum quodvis rectis quinque cōstet lineis, quin-
 que duodecies multiplicamus, fiunt sexaginta, quo-*

rum rursus dimidium est triginta. Sed cur dimidium capimus? Quoniam vnumquodque latius siue sit trianguli siue pentagoni, siue quadrati, ut in Cubo, iterato sumitur. Similiter autem eadem via & in cubo & in pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quod si item velis singularum quoque figurarum angulos reperire, facta eadem multiplicatione numerum procreatum partire in numerum planorum quæ vnum solidum angulum includunt: ut quoniam triangula quinque vnum Icosaëdri angulum continent, partire 60. in quinque, nascuntur duodecim anguli Icosaëdri. In dodecaëdro autem tria pentagona angulum comprehendunt. partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri angulos viginti. Atque simili ratione in reliquis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.