

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

E V C L I D I S

E L E M E N T O R V M

LIBRI XV. GRAE-

cè & Latinè,

*Quibus, cum ad omnem Mathematica scientia
partem, tum ad quamlibet Geometria tractatio-
nem, facilis comparatur aditus.*

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
εὔρε.

Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε, Πλάτων δ' αἰείδῃλ' ἐδύ-
δαζεν,

Εὐκλείδης ὅπῃ τοῖσι κλέος περικαλλές ἔτευξεν.



I N M E M O R S,

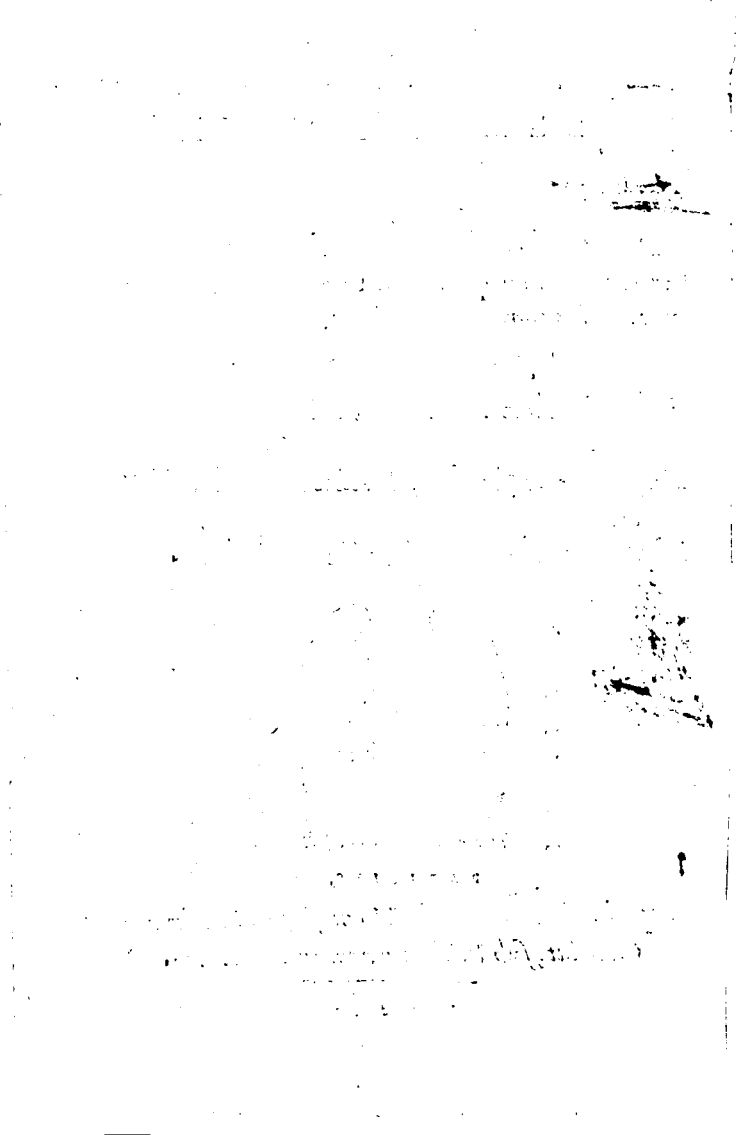


I N M E V I T A.

PARISIIS,

*Apud Hieronymum de Marnef, & Gulielmum
Cauellat, sub Pellicano, monte D. Hilarij.*

1573.





AD CANDIDVM LECTOREM ST. GRACILIS

P R A E F A T I O.

DERMAGNI referre semper existimaui, lector beneuole, quantum quisque studij & diligentiae ad percipienda scientiarum elementa adhibeat, quibus non satis cognitis, aut perperam intellectis, si vel digitum progredi tentes, erroris caliginem animis offundas, non veritatis lucem rebus obscuris adferas. Sed principiorum quanta sint in disciplinis momenta, haud facile credat, qui rerum naturam ipsa specie, non viribus metiatur. Vt enim corporum quae oriuntur & intereunt, vilissima tenuissimaque videntur initia: ita rerum aeternarum & admirabilium, quibus nobilissimae artes continentur, elementa ad speciem sunt exilia, ad vires & facultatem quam maxima. Quis non videt ex fici tantulo grano, vt ait Tullius, aut ex acino vinaceo, aut ex caeterarum frugum aut stir-

pium minutissimis seminibus tantos truncos ramósque procreari? Nam Mathematicorū initia illa quidem dictū auditūque perexigua, quātam theōrematum syluam nobis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis seminibus, sic & in artium principiis inesse vim earum rerum, quae ex his progignuntur. Praclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἴσως ἀρχὴ παντός, καὶ ὅσα κράτιστον τῇ δυνάμει, τοσοῦτόν μικρότατον ὃν τῷ μεγέθει, χαλεπὸν ἔστιν ὀφθῆναι. Quocirca committendum non est, ut non bene prouisa & diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumque rerum veritas sit demonstranda, vel constituas, vel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatione turpiter deceptus, a vera principiorum ratione temere deflectas. Nam qui initio fortē aberrauerit, is ut tandem in maximis versetur erroribus necesse est: cum ex vno erroris capite densiores sensim tenebrae rebus clarissimis obducantur. Quid tam varias veterum physiologorum sententias non modò cum rerum veritate pugnantes, sed vehemēter etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fueritne vlla potior tantī dissidij causa, quam quòd ex principiis partim falsis partim nō consentaneis du-

Etas rationes probando adhiberent. Fit enim plerunque, ut qui non rectè de artium rerumque elementis sentiunt, ad præfinitas quasdam opiniones suas omnia reuocare studeant. Pythagorei, ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri summam perfectionem cælo tribuerent, nec plures tamen quàm nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt terræ aduersam, quam ἀντίχθονα appellarunt. Illi enim vniuersitatis rerumque singulariū naturam ex numeris ceu principiis æstimantes, ea protulerunt quæ φανομένοις congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagoræ, Anaximandri, & reliquorum id genus physiologorum somnia, ex falsis illa quidem orta naturæ principiis, sed ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens prætereo. Nonnullos attingam, qui repetitis aliis, vel aliter ac decuit positis rerum initis, cum in physicis multa turbauerunt, iūm Mathematicos oppugnatione principiorum pessimè multarunt. Ex planis figuris corpora constituit Timæus: Geometrarū hīc quidem principia cuniculis oppugnantur. Nam & superficies seu extremitates crassitudinem habebunt, & lineæ latitudinem: denique puncta nō erunt indiuidua, sed linearum partes. Prædicant

Democritus atque Leucippus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic Verò Geometriae fundamenta aperte petuntur, & funditus euertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quàm ut amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot præclara Geometrarum de asymmetris & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causæ dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri non queat? Siquidem quod minimum in vnoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quæ ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia *ἑρδογενήματα* genera commemorem, quæ ex hoc vno fonte tam longè latèque diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cùm recta lineæ curuam posuit aequalem. Longum esset mihi singula percensere, præsertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, *αποὐδα γένεσις ὅτιος*

δειδῶσι καλῶς αἱ ἀρχαί. μεγαλύτερῃ γὰρ ἔχουσι
 ῥοπλὴν πρὸς ἐπίσυνα. *Nā principiis illa cōgrue-*
re debet, quæ sequuntur. Quod si tantum perspi-
citur in istis exilioribus Geometriæ initiis, quæ
puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,
ut ne hæc quidem sine summo impendentis rui-
næ periculo conuelli aut oppugnari possint: quan-
ta quæso vis putanda est huius σοιχειώσεως, quam
collatis tot præstantissimorum artificum inuen-
tis, mira quadam ordinis solertia contexuit Eu-
clides, vniuersæ Matheseos elementa complexu
suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-
ctior & paratior quisque ad hoc studiū libentiùs
accedat, & singula vel minutissima exactiùs se-
cum reputet atque perdiscat, & operæ precium cēsu
in primo institutionis aditu vestibulòque præci-
pua quædam capita, quibus tota ferè Mathema-
tica scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
σοιχειώσῃ consilium sedulò ac fideliter exponere.
Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-
genuum animi candorem ad legendum attulerit.
Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.

Mathematica in primis scientiæ studiosos

fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed
 etiam philosophorum libri declarant. His ergo
 placuit, ut in partes quatuor vniuersum distri-
 buatur Mathematicæ scientiæ genus, quarum duas
 τὸ πρῶτον, reliquas τὸ πηλίκον versari
 statuerunt. Nam & τὸ πρῶτον vel sine vlla com-
 paratione ipsum per se cognosci, vel certa quadā
 ratione comparatum spectari: in illo Arithme-
 ticam, in hoc versari Musicam: & τὸ πηλίκον
 partim quiescere, partim moueri quidem: illud
 Geometriæ propositum esse: quod verò sua spon-
 te motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò pu-
 tet Mathematicam scientiam, quòd in vtroque
 quanti genere cernitur, idcirco inanem videri
 (si quidem non solum magnitudinis diuisio, sed
 etiam multitudinis accretio infinitè progredi po-
 test) meminisse decet, τὸ πηλίκον χ' τὸ πρῶτον, quæ
 subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à Py-
 thagoreis nomina, non cuiuscunque modi quanti-
 tatem significare, sed eam demum, quæ tum mul-
 titudine tum magnitudine sit definita, & suis cir-
 cumscripta terminis. Quis enim vllā infiniti sci-
 etiæ defendat? Hoc scitum est, quod non semel do-
 cet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem
 complecti quenquā posse. Itaque ex infinita mul-
 titudinis & magnitudinis δυνάμει, finitam hæc

scientia decerpit & amplectitur naturam, quam tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geometrarum consuetudine quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristoteles, οὐδὲ νῦν (de Mathematicis loquens) δέονταί τῃ ἀπείρῃ, ἔδὲ χεῶνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσῳ αὐτῷ βέβλωνται, περὶρασμένῳ. Quamobrem disputatio ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis rationibúsque non aduersatur, nec eorum apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod exitu nullo paragrari possit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem: sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quinetiam non modò immensa magnitudine opus non habent Mathematici, sed ne maxima quidem: cū instar maximæ minima quæque in partes totidē pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, vir (quantum ex Proclo coniecere licet) μαθημάτων laude clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accuratior fortè visa est, cū doctissime pertractauit sua in decimū Euclidis præfatione P. Mōrtautoreus vir senatorius, & regię bibliothecæ præ-

fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν ἔν τῶν αἰ-
 σθητῶν, quæ res sub intelligẽtiam cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit Geminus : quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatrici, Optica, Geodesia & Mechanica
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectas-
 se videtur Aristoteles, cùm Astrologiam, Opti-
 cam, Harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθημάτων
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis
 interiectæ sint, ac velut ex vtriusq; mixta disci-
 plina : Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, ἐν αὐτῷ γὰρ, φη-
 σι, τὸ μὲν ὅτι, τῶν αἰσθητῶν εἰδέναι, τὸ δὲ διότι,
 τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, vt quid Mathema-
 ticæ cõueniat cū Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostẽdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt posita, ob idque θεωρητι-
 καὶ à Græcis dicuntur. Nam cùm λόγος siue
 ratio & mens omnis sit vel θεωρητικὴ, vel ποιν-
 τικὴ, vel θεωρητικὴ, totidem scientiarũ sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendõ, nec in ef-

ficiendo sunt occupatae, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem *λογιστικῆς*, harum autem vel mens, vel ars, vel vis quaedam & facultas rerum perfectio naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque hac una in omnes valet ratio, quae *ὑποκρίνας* esse colligat. Iam Verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd utraque versatur in cognitione formarum corpori naturali inhaerentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudo & puncta cōtemplatur, quae omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à concretione materiae sunt liberae. Nā tamen si Mathematicae formae re vera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, οὐδὲ γίνεται ψεύδος καὶ ἁλίστον, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iā quid intersit, videamus. Vnaquaque Mathematicarum

certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo versetur, Vt Geometria quantitatem & continuationem aliorum in Vnam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorūque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem Philosophia, cū sit omnium communis, vniuersum Entis genus, quæque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad hæc, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quæ quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ἐξ ἀφαιρέσεως dici consuevit. Sed prima Philosophia in iis versatur, quæ & seiuncta, & æterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Cæterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, Vnde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematicæ species nihil re vera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem confectatur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensæ sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, Vt quæcun-

que in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem etiam in naturalibus rebus videantur accidere, nō autem vicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incōmoda, quæ nihil ad Mathematicum attinēt, Ἀγὰρ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἐξ ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσθέσεως. Siquidem res cum materia deiunctas contemplatur physicus: Mathematicus verò rem cognoscit circumscriptis in omnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, levitate, duritie, mollietate, & præterea calore, frigore, aliisque contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continuum. Itaque Mathematicorum ars in iis quæ immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνεκκινήσεως ὅτιν, ἔξω τῶδε τὴν ἀσπολογίαν) quæ verò in naturæ obscuritate posita est, res quidem quæ nec separari nec motu vacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates earum demonstrates. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, æquale, rotundum, uniuersa denique Mathematicus quæ tractat & profitetur, absque motu explicari docerique possunt: χωρεῖται γὰρ τῇ νοήσῃ κινήσεως ὅτι. Physicæ

autem sine motione species nequaquā possunt intelligi. Quis enim, hominis, plantae, ignis, ossiū, carnis naturā & proprietates sine motu qui materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper substantia quaeque naturalis constare dici solet, quoad opus & munus suum, agendo patiendōque tueri ac sustinere valeat: qua certē amissa δυνάμει, ne nomen quidem nisi δύναμις retinet. Sed Mathematico ad explicandas circuli aut trianguli proprietates, nullū adferre potest vsum, materiae ut auri, ligni, ferri, in qua insunt, cōsideratio: quin eò verius eiusmodi rerum, quarū species tanquā materia vacantes efformemus animo, naturam complectemur, quod coniunctione materiae quasi adulterari depravarique videntur. Quocirca Mathematicae species eodem modo quo κοίλον, siue concavitas, sine motu & subiecto definitione explicari cognoscique possunt: naturales verò cū eam vim habeant, quam, ut ita dicam, simitas, cum materia comprehensae sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus exemplis quid inter Physicas & Mathematicas species intersit, haud difficile est animadvertere. Illis certē non semel est vsum Aristoteles. Valeant ergo Protagorae sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, quod circulus normam pun-

Et non attingat. Nam diuina Geometrarū theore-
 mata qui sensu aestimabit, vix quicquam re-
 periet quod Geometra concedendum videatur.
 Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectum
 aut rotundum dici potest, vt à Geometra ponitur?
 Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-
 neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis
 assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne
 latitudinis quidem expertes. Siquidē non iis vi-
 tur Geometra quasi inde vim habeat conclusio;
 sed eorum quæ discenti intelligenda relinquun-
 tur, eadem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-
 mum instituuntur, hi ductu quodam & velut
 ἡγεγῶνιᾳ sensuum opus habent, vt ad illa quæ
 sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-
 parare queant. Sed tamen existimandum non est
 rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac
 non eam tantum quæ sensum afficit. Est enim ma-
 teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo
 & ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-
 τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, vt æs,
 vt lignum, omnisque materia quæ moueri potest,
 Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-
 silibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur,
 quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-
 stotele scriptum legimus ὅτι τῆς ἐν ἀφαιρέσει

ὁὐτως rectum se habere ut simum: μετὰ (μεταχρῶν)
 ὥς quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-
 rum est, suam esse materiam, nō minus quā si-
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-
 thematicæ sensili vacent materia, non sunt ta-
 men individuae, sed propter continuationem par-
 titioni semper obnoxia, cuius ratione dici possunt
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-
 tur τὸ εἶναι γεαμῶν, aliud quoad continuationi
 adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma
 in materia proprietatum causa est, quas sine ma-
 teria percipere nō licet. Hæc est societatis & dis-
 sidij Mathematicæ cum Physicæ & primæ Phi-
 losophiæ ratio. Nunc autem de nominis etymo-
 & notatione pauca quædam afferamus. Nam si
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-
 mina, ea certe non temere indita fuisse credendum
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim
 Aristoteles ducto ex verborum ratione argumē-
 to, αὐτομάτη, μετὰ βολῆς, αἰθέρος, aliarumque
 rerum naturam ex parte confirmavit. Quoniam
 igitur Pythagoras Mathematicam sciētiā non
 modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite
 principis,

principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplinae formam composuit, & perspettis absque materia, solius intelligentiae adminiculo theōrematibus, tractationem $\omega\epsilon\lambda\tau\eta\varsigma$ ἀλόγων, & κοσμητῶν σχημάτων constitutionem exco-
gitavit: credibile est, Pythagoram, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic scientiae id nomen dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerumque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cū existimarent illi omnē disciplinā, quae μαθήσις dicitur, ἀνάμνησις esse quandam, id est recordationem & repetitionem eius scientiae, cuius antè quā in corpus immigraret: compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menōne, Phadōne, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animadverterent autem eiusmodi recordationem, quae non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ὅτι τὰ μαθηματικὰ ἀγνῶστα: probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes κατ' ἐξοχὴν fuisse nominatas, ut ex quibus μαθήσις, id est aeternarum in anima rationum recordatio μαθημάτων & præcipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menōne Socratem in-

duxit hoc argumenti genere persuadere cupientem discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius rationum animũ recordari. Etenim Socrates pusionem quendam, Vt Tullij verbis Vtar, interrogat de geometrica dimensione quadrati: ad ea sic ille respondet Vt puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, Vt gradatim respondens, eodem perueniat, quò si Geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, Vt est apud Rhodiginum, quòd cum ceteræ disciplinæ deprehendi vel non docente aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem veniant, nisi præeunte aliquo, cuius solertia succidantur vepreta, vel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Ita enim Cælius: quod quam vim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multiplicique ac subtili versari scribit. sed quis nescit idipsum cum aliis grauioribus scientiis, esse cõmune? Est enim, vel eodem autore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximâque est & in ipsis rebus obscuritas, & in iudiciis nostris infirmitas: nec vltus est, modò interius paulò Physica penetrarit, qui non facile sit expertus, quàm multi vndique

emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Haëtenus de vniuerso Mathematicæ genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea disseram, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionū, quæ in illis cernuntur ac inhaerent: ipsa quidem progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, variâsque ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & cõtemplatur: causis & principiis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quæ de genere subiecto per se enunciantur: Geometriæ quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circu-

lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus consistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, equalitates, παραβολαί, ὑπερβολαί, ἐλλείψεις, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia, Postulata verò & Axiomata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quouis centro & intervallo circulum describere: Si ab equalibus equalia detrahas, quæ relinquuntur esse equalia, ceteraq; id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua Videatur Arithmetica & Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit ἀρεστετέρα, & exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accurationem esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ re esse tantum declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initiis con-

stat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometria præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas verò punctum est quod situ vacat. Ex quo percipitur, numerorū quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse puriores, & à concretionē materiæ magis disiunctos. Hæc quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferrat, opibûsque suis ac rerum ubertate multiplici vel cum Arithmetica cernet: id quod rite facile deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmetica & Geometria societas, videamus. Nam theōrematum quæ demonstratione illustratur, quædam sunt utriusque scientiæ communia, quædam verò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit $\rho\alpha\tau\omicron\varsigma$ siue rationalis, Arithmeticae soli conuenit, nequaquam Geometriae, in qua sunt etiam $\delta\pi\rho\alpha\tau\omicron\iota$, seu irrationales proportionēs: item, quadratorum $\gamma\nu\omega\mu\omicron\nu\alpha\varsigma$ minimo definitos esse, Arithmeticae proprium (si quidem in Geometria nihil tale minimum esse potest)

sed ad Geometriam propriè spectant situs, qui in
 numeris locum non habent: tactus, qui quidem à
 continuus admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi di-
 uisio infinitè procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse
 solet. Communia porro utriusque sunt illa, quæ
 ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secū-
 do est persequutus: nisi quòd sectio per extremam
 & mediam rationem in numeris nusquam repe-
 riri potest. Iam verò ex theorematibus eiusmodi
 communibus, alia quidem ex Geometria ad
 Arithmetica traducuntur: alia contrà ex A-
 rithmetica in Geometriam transferuntur: quæ-
 dam verò perinde utrique scientiæ conueniunt.
 Ut quæ ex vniuersa arte Mathematica in utrâ-
 que harum cōueniant. Nam & alterna ratio, &
 rationum conuersiones, compositiones, diuisiones
 hoc modo communia sunt utriusque. Quæ autem
 sunt ἐὲν συμμετρίῳ, id est de commensurabili-
 bus, Arithmetica quidem primùm cognoscit &
 cōtemplatur. secundo loco Geometria Arithmeti-
 cam imitata. Quare & cōmensurabiles magnitu-
 dines illæ dicuntur, quæ rationem inter se habent
 quā numerus ad numerū, perinde quasi cōmensu-
 ratio & συμμετρία in numeris primùm cōsistat
 (Vbi enim numerus, ibi & σύμμετρον cernitur:
 & ubi σύμμετρον, illic etiam numerus) sed quæ

triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometra primum considerantur: tum analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometriae diuisione hoc adiiciendum puto, quòd Geometriae pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent. altera verò solidas contemplatur, quæ ad duplex illud interuallum crassitudinem adsciscunt. Illam generali Geometriae nomine veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non r. r. cõparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis antecessit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem etate ullam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometriae vtilitatẽ accedo, quæ quanquam suapte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius vsus aut actionis ministerio m̃cipata (vt de Mathematicis omnibus sciẽtiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen vtilitatis externæ quæritur, Dii boni quàm lætos, quàm vberes, quàm varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarũ alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videantur, eĩusque quod melius aut deterius nullam habeant

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit melius, trianguli, verbi gratia, tres angulos duobus esse rectis æquales: minimè tamen fuerit consentaneum, Geometriæ cognitionem vt inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finem & bonũ quò referatur, habeat nullum. Multas haud dubiè solius contemplationis beneficio citra materiæ cõtationem adfert Geometria commoditates partim proprias, partim cum vniuerso genere communes. Cum enim Geometria, vt scripsit Plato, eius quod semper est cognitionem profiteatur, ad veritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentẽ comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes facilius perdiscendas, attigeris necne Geometriam, quanti referre censes? Nam vbi cum materia coniungitur, nõne præstâtissimas procreat artes, Geodesiam, Mechanicam, Opticam, quarum omnium vsu, mortalium vitam summis beneficiis completitur? Etenim bellica instrumenta, vrbiũque propugnacula, quibus munitæ vrbes, hostium vim propulsarent, his adiutricibus fabricata est: montiũ ambitus & altitudines, locorũque situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itinerum rationem præscripsit: trútinas & stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, composuit: vniuersi ordinem si-

mulachris expressit : multaque quæ hominum fidem superarēt, omnibus persuasit. Vbique extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nā extructo vastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum regi Ptolemæo mitteret, cum vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus nauem trahere non posset, effecissetque Archimedes ut solus Hiero illam subduceret, admiratus viri sciētiam rex, ἀπὸ ταύτης, ἔφη, τῆς ἡμέρας, αὐτὸς πάντος Ἀρχιμήδους λέγοντι πιστευτέον. Quid? quod Archimedes idem, ut est apud Plutarchū, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moueri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactaret, si terram haberet alteram ubi pedem figeret, ad eam, nostram hanc se transmouere posse? Quid varia αὐτομάτων machinarumque genera, ad vsus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profectò sunt illa, & admiratione dignissima, quibus prisci homines incredibili quodam ad philosophandum studio concitati, inopem mortalium vitam artis huius præsidio subleuarunt: tamen si memoriæ sit proditum, Platonem Eudoxo & Archytæ vitio vertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometriæ præstantiam, quæ ab intelli-

bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corporeas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scripsit Plato Geometrarū esse vocabula, quæ quasi ad opus & actionem spectent, ita sonare videntur. Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eiusmodi nomina, quibus necessariō & tanquam cōacti Geometræ vtuntur, quippe cū alia desint in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geometriam ipsam cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerū νοητῶν intelligentia æstimandā esse. Exposita breuius quàm res tanta dici possit, vtilitatis ratione, Geometriæ ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum monumentis nobis est cognitus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios inuenta, (ne ab Adam, Setho, Noah, quos cognitione rerū multiplici valuisse constat, eam repetamus) ex terrarum dimensione, vt verbi præ se fert ratio, ortum habuisse dicitur: cū anniuersaria Nili inundatione & incrementis limo obducti agrorum termini confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas disciplinas, in vsu quàm in arte prius fuisse aiunt. Quòd sanè mirum videri non debet, vt & huius & aliarum scientiarum inuentio ab vsu cœperit ac necessitate. Etenim tempus,

rerum *usus*, ipsa necessitas ingenium excitat, & ignaviam acuit. Deinde quicquid ortum habuit (ut tradunt *Physici*) ab inchoato & imperfecto processit ad perfectum. Sic artium & scientiarum principia experientiae beneficio collecta sunt, experientia vero à memoria fluxit, quae & ipsa à sensu primum manavit. Nam quod scribit *Aristoteles*, *Mathematicas artes*, comparatis rebus omnibus ad vitam necessariis, in *Aegypto* fuisse constitutas, quòd ibi sacerdotes omnium concessu in otio degerent: non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, verbi gratia, terrae dimetiendae rationem, quae theorematum deinde inuestigationi causam dederit: sed hoc confirmat, praeclara eiusmodi theorematum inventa, quibus extructa Geometriae disciplina consistat, ad *usus vitae* necessarios ab illis non esse expetita. Itaque vetus ipsum Geometriae nomen ab illa terrae partiunde finiumque regundorum ratione postea recessit, & in certa quadam affectionum magnitudini per se inhaerentium scientia propriè remansit. Quemadmodum igitur in mercium & contractuum gratiam, supputandi ratio quam secuta est accurata numerorum cognitio, à *Phoenicibus* initium duxit: ita etiam apud *Aegyptios*, ex ea, quam commemoravi, causa ortum habuit Geometria. Hanc certè, ut id obiter dicam,

Thales in Graciam ex Aegypto primum transtulit? cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, aliisque compluribus, ad Euclidis tempora facta sunt rerum magnarum accessiones. Ceterum de Euclidis etate id solum addam, quod à Proclo memoriae mandatum accepimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum equalibus tum discipulis, subiicit, non multò etate posteriorem illis fuisse Euclidem eum, qui Elementa conscripsit, & multa ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum composuit, multaque à Theæteto inchoata perfecit, quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad firmissimas & certissimas apodexes reuocauit. Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Et enim ferunt Euclidem à Ptolemæo quondam interrogatum, numqua esset via ad Geometriam magis compediaria, quàm sit ista *τοιχειώσις*, respondisse, *μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀλλὰ πὸν ὅτι γεωμεσίαν*. Deinde subiungit, Euclidē natu quidē esse minorē Platone, maiorem verò Eratosthene & Archimede (hi enim aequales erant) cūm Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quòd si quis egregiā Euclidis laudē, quam cūm ex aliis scriptionibus accuratissimis, tum ex hac Geometrica *τοιχειώσῃ* consequutus est, in qua diuinus rerum ordo sapientissimis quibusque hominibus magnæ semper admira-

tionis fuit, is Proclū studiosè legat, quò rei veritatem illustriorē reddat grauiſſimi testis autoritas. Supereſt igitur vt finem videamus, quò Euclidis elemēta referri, & cuius causa in id studium incumbere oporteat. Et quidem si res quæ tractātur, conſyderes : in tota hac tractatione nihil aliud quæri dixeris, quàm vt κοσμιχὰ quæ vocantur, σχήματα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonius) Cubus, Icoſaëdrū, Oëtaëdrū, Pyramis, & Dodecaëdron certa quadā suorum & inter se laterū, & ad sphaerae diametrū ratione eidē sphaera inſcripta cōprehēdātur. Huc enim pertinet Epigrāmation illud vetus, quod in Geometrica Michaelis Pselli ζωόγραφον scriptū legitur.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
 εὔρε,

Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε, Πλάτων δ' ἀείδην ἔδιδάξεν,

Εὐκλείδης ὅτι τοῖσι κλέος περικαλλὲς ἔτευξεν.

Quòd si discētis institutionem spectes, illud certè fuerit propositum, vt huiusmodi elementorum cognitione informatus discētis animus, ad quamlibet non modò Geometriæ, sed & aliarum Mathematicæ partiū tractationem idoneus paratūſque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-

cludere posse: inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit *Arithmeticus*, pleraque *Musicus*, non pauca detrahit *Astrologus*, *Opticus*, *Logisticus*, *Mechanicus*, itēque ceteri: nec ullus est denique artifex præclarus, qui in huius se possessionis societatem cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc εὐχέλως absolutum operi nomen, & εὐχλωτὴς dictus *Euclides*. Sed quid lōgius prouehor? Nam quod ad hāc rem attinet, tam copiose & erudite scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco *P. Mōraureus*, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quæ verò ad dicendum nobis erant proposita, hactenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tametsi & hæc eadem & alia pleraque multò fortè præclariora ab hominibus doctissimis, qui tūc acumine ingenij, tūc admirabili quodam lepōre dicendi semper floruerūt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit, num quid etiā nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac *Philosophiæ* parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elementorum editio, in qua nihil non parū fuisse studij, aliquid à nobis efflagitare videbatur, quod eius cōmendationem adaugeret. Cū enim *Vir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarū artium in hac Parrhi-*

ſuorum Academia profeſſor Verè regius, noſtrum hunc typographum in excudendis Mathematicorum libris diligentiffimū, ad hanc Elementorum editionem ſepe & multum eſſet adhortatus, eiuſque impulſu permulta ſibi iam comparaffet typographus ad hāc rem neceſſaria, citò interuenit, malū, Ioannis Magnieni mors inſperata, quæ tam graue inflixit Academiae vulnus, cui ne poſt multos quidem annorū circuitus cicatrix obduci vlla poſſe videatur. Quamobrem amiſſo inſtituti huius operis duce, typographus, qui nec ſumptus antea factos ſibi perire, nec ſtudioſos, quibus id muneris erat pollicitus, ſua ſpe cadere vellet, ad me venit, & impèſe rogauit vt meam propoſitæ editioni operā & ſtudiū nauarem. quod cū denegaret occupatio noſtra, iuberet officiij ratio: feci equidem rogatus, vt quæ ſubobſcurè vel parū cōmodè in ſermonem Latinū è Græco trèſlata videbātur, clariore, aptiore, & fideliore interpretatione noſtra (quod cuiuſque pace dictū volo) lucem acciperent. Id quod in omnibus ferè libris poſterioribus tute primo obtutu perſpicias. Nam in ſex prioribus non tantū temporis quantū in cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpretatione, qua melior nulla potuit adferri, P. Montaureo ſolida debetur. Atque vt ad perſpicuitatē facilitatēque nihil tibi deeſſe queraris, adſcriptæ

sunt propositionibus singulis vel lineares figurae, vel punctorum tanquam unitatum notulae, quae Theonis apodixin illustrēt: illae quidem magnitudinum, hae autem numerorum indices, subscriptis etiam ciphRARUM, ut vocāt, characteribus, qui propositum quemvis numerum exprimant: ob eamque causam eiusmodi unitatum notulae, quae pro numeri amplitudine maius paginae spatium occuparent, pauciores saepius depictae sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarū, ut a, b, c, characteres non modò numeris & numerorum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiā generales esse numerorum ut magnitudinum affectiones testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis non poenitenda Theonis scholia, siue maius lemmata, quae quidem lōgè plura accessissent, si plus orij & temporis vacui nobis fuisset relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc igitur operam boni consule, & quae obuia erunt impressionis vitia, candidus emenda. Vale.

Lutetiae 4. Idus April. 1557.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM PRIMVM.

Ο' Ρ ΟΙ.

^α
ΣΗΜΕΙΟΝ ὅτιν, ὃ μέρος ὀφείτ.
DEFINITIONES.

¹
Punctum est, cuius pars Punctum
nulla est.

^β
Γεωμῆ δὲ, μήκος ἀπλατῆς.

²
Linea verò, longitudo latitudinis expers.

Linea recta

A ————— B

Linea
curva

^γ
Γραμμῆς δὲ πέρατα, σημεῖα.

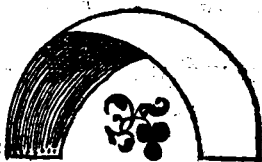
³
Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ
Εὐθεῖα γραμμὴ ὅστις, ἢ τις ἐξ ἴσου τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς
σημείοις κείται.

⁴
Recta linea est, quæ ex æquo sua interiacet
puncta.

^ε
Ε'πιφανεία δὲ ὅστις, ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

⁵
Superficies est, quæ longitudinem latitudi-
nemque tantum habet.



^ζ
Ε'πιφανείας δὲ πέρατα, γραμμά.

⁶
Superficiei extrema, sunt lineæ.

^ζ
Ε'πίπεδος ὁπιφανεία ὅστις, ἢ τις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ'
ἑαυτῆς εὐθείαις κείται.

7

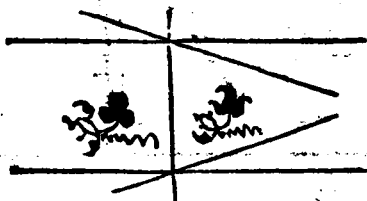
Plana superficies est, quæ ex æquo suas in-
teriacet lineas.

η

Ε' πίπεδος δὲ γωνία ὅσιν, ἢ ἐν ὀπιπέδῳ, δύο γραμ-
μαὶ ἀπομύων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμέ-
των, πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



8



Planus angu-
lus est, duarū
linearū in pla-
no se mutuò
tāgētium, &

non in directum iacentium, alterius ad alte-
ram inclinatio.

θ

Ο' ται δὲ αἱ πρὸς ἑαυτὰς τὴν γωνίαν γραμμά, ἐν-
θῆναι ὡσιν, ἐνθὺ γραμμοῦ καλεῖται ἡ γωνία.

9

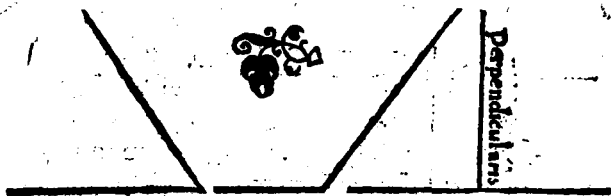
Cùm autem quæ angulum continent lineæ,
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus ap-
pellatur.

C ij

Ὅταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθῇ, τὰς ἐφεξῆς
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ, ὅρθῃ ὅτιν ἐχάλερα τῆς
ἴσων γωνιῶν: καὶ ἡ ἐφεστηκῆα εὐθεῖα χείματος χα-
λεῖται ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν.

10

Cum verò recta linea super rectam consi-
stens lineam, eos qui sunt deinceps angu-
los æquales inter se fecerit: rectus est vter-
que æqualium angulorum: & quæ insistit
recta linea, perpendicularis vocatur eius cui
insistit.



10

Ἀμβλεία γωνία ὅτιν, ἢ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

12

Ὄξεία δὲ ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

12

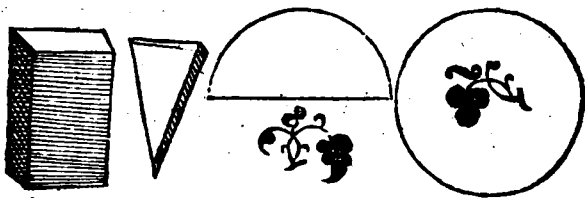
Acutus verò, qui minor est recto.

17

Ὅρος ὅτιν, ὃ ἴνός ὅτι πέρας.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.



14

Σχήμα ἐστὶ τὸ ὑπό πινος, ἢ πινῶν ὄρων περιέχον.

14

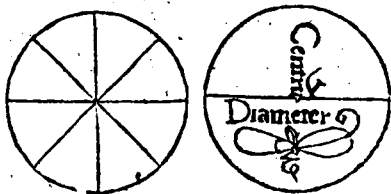
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

15

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ὀπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιέχον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ᾧ, ἀφ' ἐνὸς σημείου τῆς ἐν τὸς ὅσιν σχήματος κειμένων, πᾶσαι αἱ περισπίνουσαι εὐθεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

15

Circulus, est figura plana sub vna linea comprehensa, quæ re-



C iij

ripheria appellatur : ad quam ab vno puncto eorum , quæ intra figuram sunt posita, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.

15

Κέντρον δὲ τῷ κύκλῳ, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

15

Διάμετρος δὲ ὁ κύκλῳ ὅστις, εὐθεῖά τις διὰ τῷ κέντρῳ ἡγμένη, καὶ περικοιμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τῷ κύκλῳ περιφέρειας, ἥτις καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον.

17

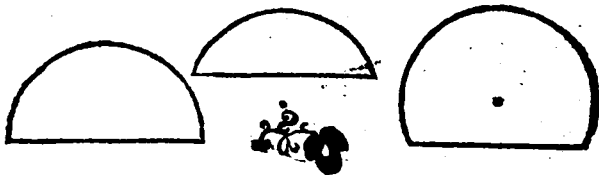
Diameter autem circuli est, recta quædam lineæ per centrum ducta, & ex utraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circulum bifariam secat.

18

Ἡ μὲν κύκλιον δὲ ὅστις, τὸ περιχώρῳ σχῆμα ὑπὸ τῆς διμέτρου, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς τῷ κύκλῳ περιφέρειας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ea lineæ, quæ de circuli peripheria aufertur.



18

Τμήμα κύκλου ὅστις, τὸ περιέχον ἐκ τῆς εὐ-
θείας, καὶ κύκλου περιφέρειας.

19

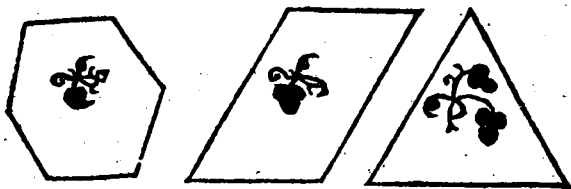
Segmentum circuli est, figura, quæ sub recta
linea, & circuli peripheria continetur.

x

Εὐθύγραμμα σχήματα ὅστις, τὰ ἐκ τῆς εὐθείας
περιέχοντα.

20

Recti lineæ figuræ sunt, quæ sub rectis li-
neis continentur.



xa

Τρίπλευρα μὲν, τὰ ἐκ τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

C iiij

Τετράπλευρα δὲ, ^{κβ} τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

Πολύπλευρα δὲ, ^{κγ} τὰ ὑπὸ πλείονων ἢ τεσσάρων
εὐθεῶν ὡς ἐκείνηνα.

23

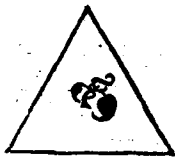
Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κδ

Τὰν δὲ τριπλεύρων σχημάτων, ἰσόπλευροι μὲν τρεῖς
γωνίαι ὅσαι, τὸ τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς.

24

Trilaterarum porro figu-
rarum, æquilaterū est trian-
gulum, quod tria latera ha-
bet æqualia.

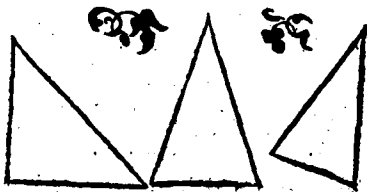


κε

Ἰσοσκελές δὲ, τὸ τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

25

Isofceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



^{κδ}
Σκαλιωδὸν δὲ, τὸ τὰς τρεῖς αἰῖσας ἔχον πλευράς.

26

Scalenū
verò, est
quod tria
inæqualia
habet la-
tera.



κε

Εἴ τι τε, τρεῖς περιπλεύρων σχημάτων, ὀρθογώνιον μὲν
πρίγωνόν ἐστι, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectāgu-
lum quidē triangulū est, quod rectū angu-
lum habet.

κη

Ἀμβλυγώνιον δὲ, ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum an-
gulum habet.

κθ

Ὄξυγώνιον δὲ, τὸ τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

29

Oxygonium verò, quod tres habet acutos
angulos.

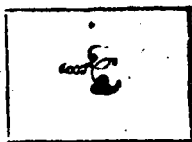
λ

Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχημάτων, τετράγωνον μὲν
ἔστιν, ἰσόπλευρόν τε ἔστι, καὶ ὀρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarum, qua-

dratum quidē est, quod & æquilatērū & rectangulum est.



λα

Ε'τερόμηκες δέ, ὃ ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ.

31

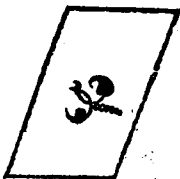
Altera parte longior figura est, quæ rectangula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ρ'όμβος δέ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ.

32

Rhombus autē, quæ æquilatera, sed rectangula non est.



λγ

Ρ'όμβος δὲ δέ, τὸ πᾶς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ ἔ'τε ἰσόπλευρόν ἐστιν, οὐτε ὀρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera & angulos habens inter se æqualia, ne-

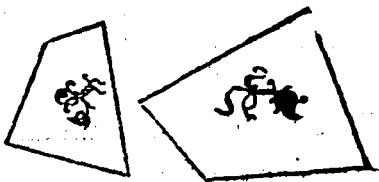
que æquilatera est, neque rectangula.

λδ

Τὰ δὲ τῶν ταῦτα, τετράπλευρα, τραπέζια καλεῖσθαι.

34

Præter has autem, reliquæ quadrilateræ figuræ, trapezia appellantur.

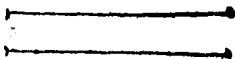


λε

Παράλληλοι εἰσιν ὡθεῖαι, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ὀπιπέδῳ οὔσαι, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐκ' ἀπ' ἑκαστοῦ, ἐφ' ἑκάτερον τὰ μέρη, ὅτι μηδετέρᾳ συμπέπλουσιν ἀλλήλαις.

35

Parallelæ rectæ lineæ sunt, quæ cùm in eodẽ sint plano, & ex vtraque parte in infinitum producãtur, in neutram sibi mutuò incidunt.



Αἰτήματα.

α

Ἡ' τήθεω, ὅτι παντὸς σημείου ὅτι πᾶν σημεῖον ὡθεῖαι τραμμὶν ἀγαγεῖν.

Postulata.

I

Postuletur, vt à quouis puncto in quoduis punctum, rectam lineam ducere concedatur.

β

Καὶ πεπερασμένην εὐθεΐαν, καὶ τὸ συνεχὲς ἐπ' εὐθείας ὀκτάλλειν.

2

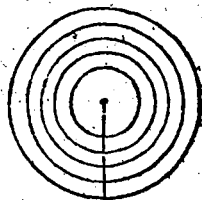
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum rectā producere.

γ

Καὶ παντὶ κέντρῳ, καὶ ἀφ' ἑκάστου κύκλον γράφειν.

3

Item quouis centro, & interuallo circulum describere.



Κοινὰ ἔννοια,

α

Τὰ τῶ αὐτῷ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις ὅτιν ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidem æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα πρὸς τῇ, τὰ ὅλα ὅτιν ἴσα.

²
Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota
sunt æqualia.

^γ
Καὶ ἐὰν ὑπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ χαλεπώ-
μενά ἐσιν ἴσα.

³
Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ
relinquuntur sunt æqualia.

^δ
Καὶ ἐὰν αἰίοις ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ ὅλα ἐσιν αἰία.

⁴
Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota
sunt inæqualia.

^ε
Καὶ ἐὰν ὑπὸ αἰίων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἐσιν
αἰία.

⁵
Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, re-
liqua sunt inæqualia.

^ς
Καὶ τὰ αὐτοῦ διπλάσια, ἴσα ἀλλήλοις ἐσίν.

⁶
Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt
æqualia.

^ζ
Καὶ τὰ αὐτῶ ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις ἐσίν.

⁷
Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

^η
Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

⁸
Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

^θ
Καὶ τὸ ὅλον τῷ μέρει μείζον ὄντι.

⁹
Totum est sua parte maius.

^ι
Καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

^{ιθ}
Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

^{ια}
Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέποιουσι, καὶ ἐντὸς καὶ ὅππῃ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, ἐκβαλλόμεναί αἱ δύο αὐτὰ εὐθεῖαι ἐπ' ἀπ' αὐτῶν, συμπεσουῦνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

^{ι ι}

Et si in duas rectas lineas altera recta incidens, inter nos ad easdemque partes angu-

los duobus rectis minores faciat, duæ illæ rectæ lineæ in infinitū productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

ιβ

Καὶ δύο εὐθεΐαι, χωρίον ὃ ἀεὶ ἐχρυσιν.

12

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehendunt.

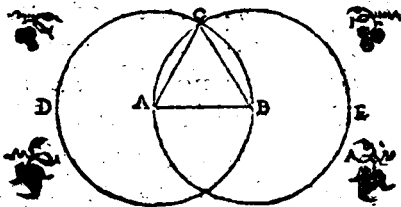
Προτάσις.

α

Ε'πὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης, τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super data
recta linea
terminata,
triangulum
æquilaterū
cōstituerē.



β

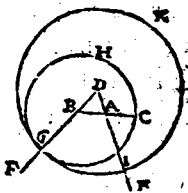
Πρὸς τῇ δοθείᾳ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴστω εὐθεΐαν ῥέειν.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, data rectæ li-

neæ æqualem rectam lineam ponere.

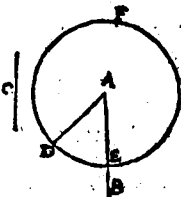
γ



Δύο δοθέντων εὐθεῶν αἰτίαν
ἄπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσῳ εὐθείᾳ ἀφε-
φελῆν.

Problema 3. Pro-
positio 3.

Duabus datis rectis lineis
inæqualibus, de maiore æ-
qualem minori rectam li-
neam detrahare.

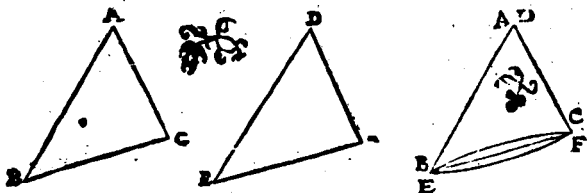


Εἰ ἀν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευράς ταῖς δυοὶ πλευ-
ραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ τὴν γωνίαν τῇ
γωνίᾳ ἴσῳ ἔχῃ τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθεῶν περι-
εχομένην: καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσῳ ἔξῃ, καὶ
τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσον ἔσται, καὶ αἱ λοιπὰ
γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται, ἑκατέρω
ἑκατέρα, ὅφ' αἱ αἰ ἴσαι πλευραὶ ὑποκρίνουσι.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateri-
bus æqualia habeant, vtrunque vtrique,
habeant verò & angulum angulo æqua-
lem

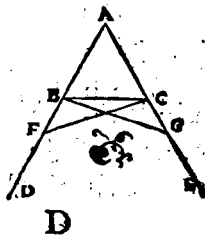
Iem sub æqualibus rectis lineis contentum:
& basin basi æqualem habebunt, eritque
triangulum triangulo æquale, ac reliqui an-
guli reliquis angulis æquales erunt, vterque
vtrique, sub quibus æqualia latera subten-
duntur.



Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. Καὶ πρὸς τελευταῖς τῶν ἴσων εὐθειῶν, αἱ ὑπὸ τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

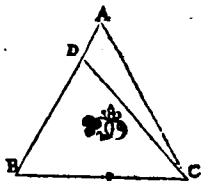
Isoſcelium triangulorum qui ad basin sunt anguli, inter se sunt æquales: & si vltius productæ sint æquales illæ rectæ lineæ, qui sub basi sunt anguli, inter se æquales erunt.



Εἰ αὖ περιγώνου αἱ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλας ὦσι, καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας ὑπολείνουσαι πλευραὶ ἴσαι ἀλλήλας ἔσονται.

Theorema 3. Propositio 6.

Si trianguli duo anguli æquales inter se fuerint : & sub æqualib⁹ angulis subtensa latera æqualia inter se erunt.

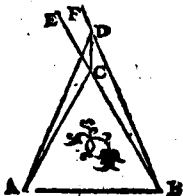


Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δυσὶ ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι δύο εὐθεῖαι ἴσαι, ἑκάτερα ἑκάτερα, ὅσους γήσονται, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ, ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι, ταῖς ἐξαρχῆς εὐθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem rectis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, v-

trique v-
triq;, non
constituē
tur, ad a-
liud atq;
aliud pū-



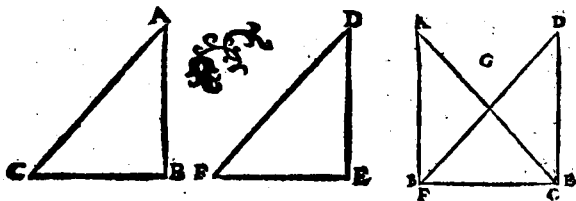
ctū, ad easdē partes, eisdémq; terminos cū duabus initio ductis rectis lineis habentes.

η

Εὰν δύο τρίγωνα ἴας δύο πλευρὰς τᾶς δυοῖ πλευρᾶς ἴσας ἔχη, ἑκατέρα ἑκατέρα, ἔχη δὲ καὶ βάσιν τῇ βάσει ἴσιν: καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσιν ἔξῃ τὴν ὑπὸ τῇ ἴσιν ὑψιῶν ὡς ἐκ μὲν.

Theorema 5. Propositio 8.

Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, vtrunque vtrique, æqualia; habuerint verò & basim basi æqualem: angulum quoque sub æqualibus rectis lineis contentum angulo æqualem habebunt.

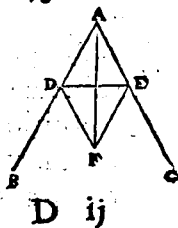


θ

Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν ὑψιῶν διὰ τεμνῶν.

Problema 4. Propositio 9.

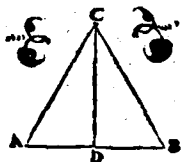
Datum angulū rectilineum bifariam secare.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην, διχα τμήν.

Problema 5. Pro-
positio 10.

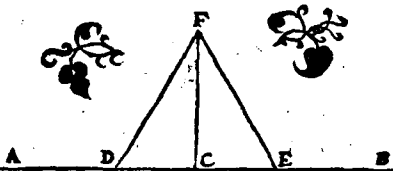
Datam rectam lineam finitam bifariam secare.



Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, ἀπὸ τῆς πρὸς αὐτῇ δοθείτος σημείου, πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

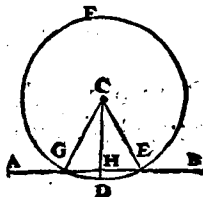
Data recta linea, à puncto in ea dato, rectam lineam ad angulos rectos excitare.



Εἴ τι τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀπὸ τοῦ δοθείτος σημείου, ὃ μὴ ὅστις ἐπ' αὐτῆς, χέθεται εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam lineam infinitam, à dato puncto



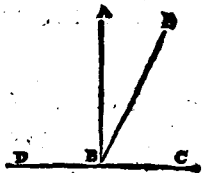
quod in ea non est, perpédicularem rectam deducere.

17

Ὡς αὖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα, γωνίας ποιῇ, ἥτοι δύο ὀρθάς, ἢ δυὸν ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ.

Theorema 6. Propositio 13.

Cùm recta linea super rectam consistēs lineam, angulos facit, aut duos rectos, aut duobus rectis æquales efficiet.

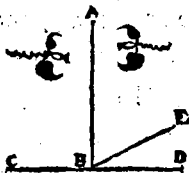


18

Ἐὰν πρὸς πνι εὐθείᾳ, καὶ πρὸς αὐτῇ σημείῃ δύο εὐθεῖαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐφεξῆς γωνίας δυὸν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται ἀλλήλας αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius punctum, duæ rectæ lineæ non ad easdem partes ductæ, eos qui sunt deinceps angulos duobus rectis æquales fecerint, in directū erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.



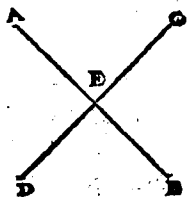
16

Ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ

συφιλῶ γωνίας, ἴσας ἀλλήλαις ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
positio 15.

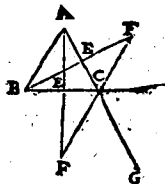
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerint, angulos qui
ad verticem sunt, æquales
inter se efficient.



¹⁵
Παντὸς τριγώνου μιᾷ τῇ πλευρᾷ ἐκβληθείσης,
ἡ ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρας τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον,
μείζων ἐστίν.

Theorema 9. Pro-
positio 16.

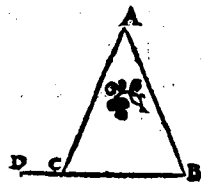
Cuiuscunque trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus utroq; inter-
no & opposito maior est.



¹⁶
Παντὸς τριγώνου αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἐλάσσον-
ες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεναι.

Theorema 10. Pro-
positio 17.

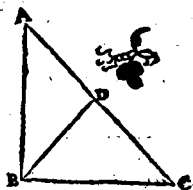
Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores, omnifariā
sumpti.



¹⁷
 Παιτὸς τριγώνου ἢ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα
 γωνίαν ὑπολείπει.

Theorema 11. Pro-
 positio 18.

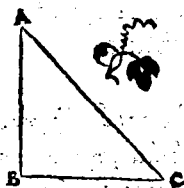
Omnis trianguli maius la-
 tus maiore angulum sub-
 tendit.



¹⁸
 Παιτὸς τριγώνου ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἢ μεί-
 ζων πλευρὰ ὑπολείπει.

Theorema 12. Pro-
 positio 19.

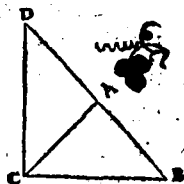
Omnis triaguli maior an-
 gulus maiori lateri subte-
 ditur.



¹⁹
 Παιτὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῆς λοιπῆς μεί-
 ζονές εἰσι, πάντα μεταλαμβάνοντα.

Theorema 13. Pro-
 positio 20.

Omnis trianguli duo la-
 tera reliquo sunt maiora,
 quomodocunque assum-
 pta.



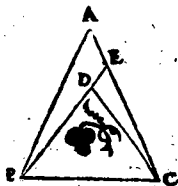
D iij

κα

Ε' αὖ περιγώνυς ὅτι μᾶλλον τῇ πλευρῶν ὑπὸ τῇ πε-
 ράπτῳ δύο εὐθείαι ἐντὸς συσταθῶσιν, αἱ συσταθείσαι,
 τῇ λοιπῶν ὅτι περιγώνυς δύο πλευρῶν ἐλάττωτες μὲν
 εἰσονται, μείζονα δὲ γωνίαι ἀεὶ ἐξουσι.

Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli vno late-
 re ab extremitatibus duæ
 rectæ lineæ interius consti-
 tutæ fuerint, hæ constitu-
 tæ reliquis trianguli duo-
 bus lateribus minores qui-
 dem erunt, maiorem verò angulum conti-
 nebunt.

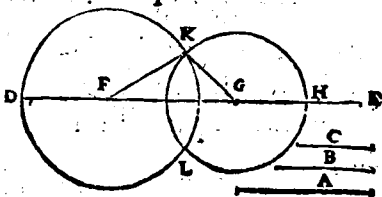


κβ

Ε' κ περιγώνυς εὐθείων, αἱ εἰσιν ἴσαι περιγώνυς δοθείσας
 εὐθείαις, περιγώνυς συστήσασθαι. Δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς
 λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνομε-
 ναι, ἀλλὰ τὸ καὶ παντὸς περιγώνυς τῶν δύο πλευρῶν,
 τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνο-
 μέναι.

Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus re-
 ctis lineis, quæ
 sunt tribus da-
 tis rectis li-
 neis æquales,



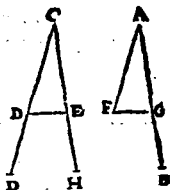
triangulum constituere. Oportet autem duas reliqua esse maiores, omnifariam sumptas : quoniam vniuscuiusque trianguli duo latera omnifariā sumpta, reliquo sunt maiora.

κ γ

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ ἴσιν γωνίαι εὐθυγράμμῳ συστήσονται.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectam lineam datūque in ea pūctum, dato angulo rectilineo equalem angulum rectilineum constituere.

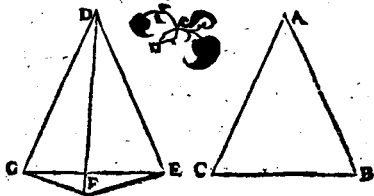


κ δ

Εἰ αὖ δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῆς δυσὶ πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῇ ἴσων εὐθεῶν πρὸς ἐκαστὴν, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo tri-
gula duo
latera duo-
bus lateri-
bus aqua-



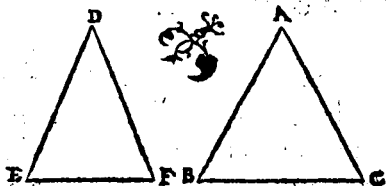
Iia habuerint, vtrunque vtrique, angulum verò angulo maiorem sub æqualibus rectis lineis contentum : & basin basi maiorem habebunt.

κε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευράς τῆς δυοῖ πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν βάσιν δὲ τῆς βάσεως μείζονα ἔχῃ : καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔξῃ, τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habuerint, vtrunque vtrique, basin verò basi maiorem : & angulum sub æqualibus rectis lineis contentū angulo maiorem habebunt.



κε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας τῆς δυοῖ γωνίαις ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ ἴσῃ, ἥτοι τὴν πρὸς τῆς ἴσας γωνίας, ἢ ὑπολείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν : καὶ τὰς λοιπὰς πλευράς τῆς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας

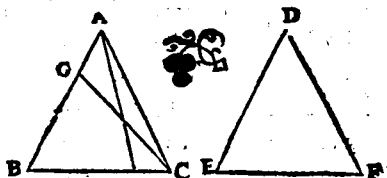
ἑξῆς, ἑκατέραι ἑκατέρα, καὶ πᾶν λοιπὸν γωνίαν τῇ
λοιπῇ γωνίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

Si duo triangula duos angulos duobus angulis æquales habuerint, vtrunque vtri-
que, vnũque latus vni lateri æquale, siue
quod æqualibus adiacet angulis, seu quod
vni æqualium angulorum subtenditur: &
reliqua la-

terā reli-
quis late-
rib⁹ æqua-
lia, vtrun-
que vtri-

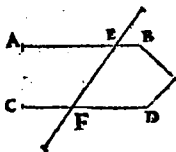
que, & reliquum angulum reliquo angulo
æqualem habebunt.



καὶ
Εὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέσῃ, τὰς ἐναλ-
λάξ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, τὸ ὁμοίητοι ἐ-
σονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re-
cta incidens lineæ alterna-
tim angulos æquales in-
ter se fecerit: parallelæ
erunt inter se illæ rectæ
lineæ.

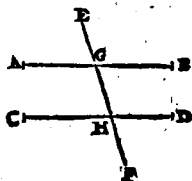


κη

Ε' αὖ εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέπουσα, πλὴν ἐκτὸς
γωνίαι τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέ-
ρη ἴσῳ ποιῇ, ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δυ-
σὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῇ, ὧς ὅτε ἀλλήλοι ἐσονται ἀλλή-
λων αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea,
externum angulum interno, & opposito,
& ad easdem partes æqua-
lem fecerit, aut internos
& ad easdem partes duo-
bus rectis æquales: paralle-
læ erunt inter se ipsæ re-
ctæ lineæ.

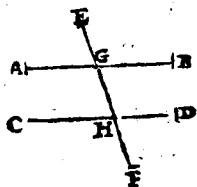


κθ

Η' εἰς τὰς ὡς ἀλλήλοις εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέπου-
σα, τὰς τε ἐναλλὰξ γωνίας ἴσας ἀλλήλων ποιεῖ, καὶ
πλὴν ἐκτὸς τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ
μέρη ἴσῳ, καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν
ὀρθαῖς ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas li-
neas recta incidens linea,
& alternatim angulos in-
ter se æquales efficit, & ex-
ternum interno, & oppo-



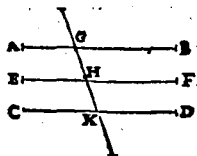
fito, & ad easdem partes æqualem, & inter-
nos & ad easdem partes duobus rectis æ-
quales facit.

λ

Αἰτῇ αὐτῇ εὐθείᾳ ὡς ἄλληλοι, καὶ ἀλλήλους εἰσὶ
ὡς ἄλληλοι.

Theorema 21. Pro-
positio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ
parallelæ, & inter se sunt
parallelæ.

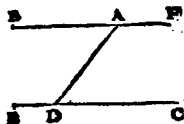


λα

Αὐτὸ τῷ δοθέντος σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ὡς ἄλ-
ληλον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 10. Pro-
positio 31.

A dato puncto, datæ rectæ
lineæ parallelam rectam
lineam ducere.



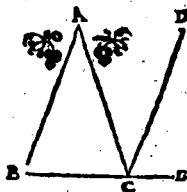
λβ

Παρὸς τριγώνου μιᾷ τῇ πλευρῇ προσεκβλη-
θείσης, ἢ ἐκτὸς γωνία δυοὶ ταῖς ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον
ἴση ἔστί. Καὶ αἱ ἐντὸς τῷ τριγώνου τρεῖς γωνίαι δυ-
σὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltterius

producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.

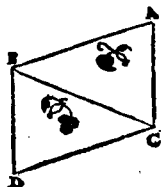


λγ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ ὁμοειδέας ὅπῃ τὰ αὐτὰ μέρη ὅπῃ ζευγνύσασαι εὐθεῖαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ ὁμοειδέες εἰσι.

Theorema 23. Pro-
positio 33.

Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdem coniungunt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.

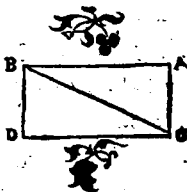


λδ

Τῶν ὁμοειδέων τετραγώνων χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ: καὶ ἡ διὰ μέσους αὐτὰ διχατέμνη.

Theorema 24. Pro-
positio 34.

Parallelogrammorum spatiorum æqualia sunt inter se quæ ex aduerso & latera & anguli: atque illa bi-



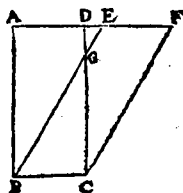
fariam fecat diameter.

λ ε

Τὰ ὡς ἀλληλόγραμμα, ἐὰν ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὡς ἀλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὂντι.

Theorema 25. Pro-
positio 35.

Parallelogramma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

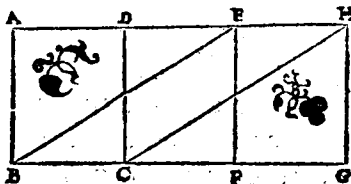


λ ς

Τὰ ὡς ἀλληλόγραμμα, ἐὰν ἐπὶ τῆς ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὡς ἀλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὂντι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super equalibus basibus, & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

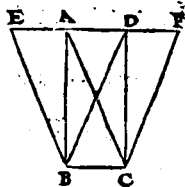


λ ζ

Τὰ τρίγωνα, ἐὰν ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὡς ἀλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὂντι.

Theorema 27. Pro-
positio 37.

Triangula super eadē ba-
si constituta, & in eisdem
parallelis, inter se sunt æ-
qualia.

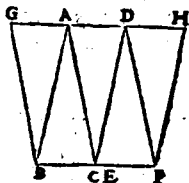


λη

Τὰ τρίγωνα τὰ ὅτι τῶν ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς ὁμοτέλλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

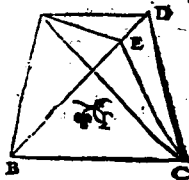


λθ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὅτι τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα,
καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοτέλλοις
εἰσὶ.

Theorema 29. Pro-
positio 39.

Triangula æqualia super
eadem basi, & ad easdem
partes constituta: & in eis-
dem sunt parallelis.



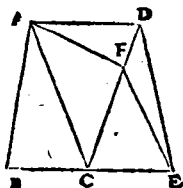
μ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὅτι τῶν ἴσων βάσεων ὄντα καὶ
ὅτι

ἔπι τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὡς ἀλλήλοις ὅσιν.

Theor. 30. Propo. 40.

Triangula æqualia super æqualibus basibus & ad easdem partes constituta, & in eisdē sunt parallelis.

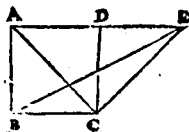


μα

Εὐὲν ὡς ἀλλήλοισιν πρὶν ὧν βάσιν τε ἔχῃ πρὸς αὐτὴν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὡς ἀλλήλοις ἢ, διπλάσιον ἔσται τὸ ὡς ἀλλήλοισιν τῷ πρὶν ὧν.

Theor. 31. Propo. 41.

Si parallelogrammum cū triangulo eandē basin habuerit, in eisdēmque fuerit parallelis, duplum erit parallelogrammum ipsius trianguli.

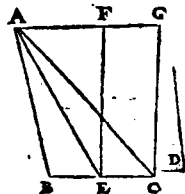


μβ

Τῷ δοθέντι πρὶν ὧν ἴσον ὡς ἀλλήλοισιν συστήσασθαι, ἐν τῇ δοθείσῃ ὠκυγώνῳ γωνίᾳ.

Problemā 11. Propositionio 42.

Dato triângulo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.



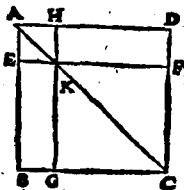
E

μ γ

Παρὸς ὁρθογώνιοις, πῶν τῶν ἀπὸ τῆς ἀμέ-
τρων ὁρθογώνιοις τῶν ὁρθογώνιοις, ὅσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 32. Propo. 43.

In omni parallelogrammo,
complementa eorum quæ
circa diametrum sunt pa-
rallelogrammorum, inter
se sunt æqualia.

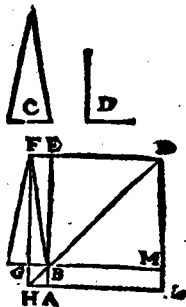


μ δ

Παρά τινι δοθείσῃ εὐθείᾳ
τῷ δοθέντι γωνίᾳ ἴσον πα-
ραλληλόγραμμον ὁρθογώ-
νιον ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυ-
γράμμω.

Proble. 12. Propo. 44.

Ad datam rectam lineam,
dato triangulo æquale pa-
rallelogrammum applica-
re in dato angulo rectili-
neo.

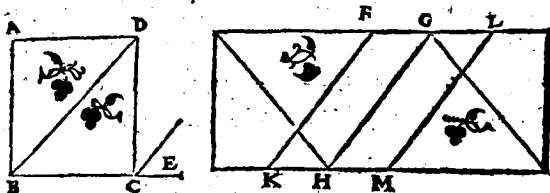


μ ε

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον ὁρθογώ-
νιον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γω-
νίᾳ.

Proble. 13. Propo. 45.

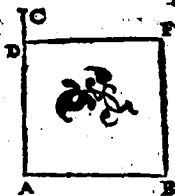
Dato rectilineo equale parallelogrammum
constituere in dato angulo rectilineo.



μ ς
Απὸ τῆς δοθείσης εὐθείας τετράγωνον αἰαγμά-
σαι.

Probl. 14. Propo. 46.

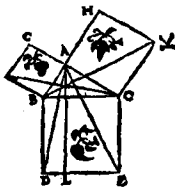
A data recta linea quadra-
tum describere.



μ ζ
Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθὴν
γωνίαν ὑπολειψέσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἴσον ὂν
τοῖς ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθὴν γωνίαν ἀφαιρεχουσῶν πλευ-
ρῶν τετράγωνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,
quadratum quod à latere
rectum angulum subten-
dente describitur, æqua-
le est eis, quæ à lateribus

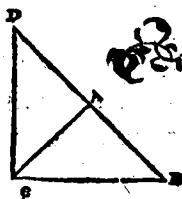


rectum angulum continentibus describuntur, quadratis.

Εάν τριγώνου τὸ ὑπὸ μιᾶς τῆς πλευρῶν τετράγωνον ἴσον ᾗ τοῖς ὑπὸ τῆς λοιπῶν τῶ τριγώνου δύο πλευρῶν τετράγωνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς λοιπῶν ἑ τριγώνου δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστίν.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trianguli describitur, æquale sit eis, quæ à reliquis triāguli lateribus describuntur, quadratis: angulus cōprehensus sub reliquis duobus triāguli lateribus, rectus est.



Finis Elementi primi,



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM SECVNDVM.

Ο' Ρ ΟΙ.

ΠΑΝ ὁ παραλληλόγραμμος ὀρθογώνιος, ὡς εἰ-
χεται λέγεται ὑπὸ δύο τῶν πρὸς ὀρθῶν
γωνίαις περιεχουσὴν ὡς αὐτῶν.

DEFINITIONES.

I

Omne parallelogrammū rectangulum cō-
tineri dicitur sub rectis duabus lineis, quæ
rectum comprehendunt angulum.

β

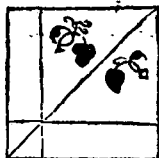
Παρτὸς δὲ ὁ παραλληλογράμμου ῥαβδίου, τῶν πε-
ρὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ ἐκ τοῦ παραλληλογράμμου

E iij

ὅποιον αὖτε τῶν δύο ἀπληρώμασι, γνῶ-
μην καλεῖσθαι.

2

In omni parallelogrammo spatium, unum
quodlibet eorum quæ cir-
ca diametrum illius sunt
parallelogrammorum, cū
duobus cōplemētis, Gno-
mo vocetur.

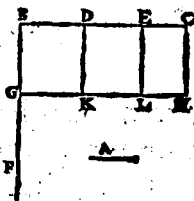


Πρότασις α.

Ἐὰν ᾧσι δύο εὐθεῖαι, τμηθῇ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς
ὅσα διηποτοῦν τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώ-
νιον ὑπὸ τῆς δύο εὐθειῶν, ἴσον ὂν τοῖς ὑπὸ τε
τῆς ἀτμήτης καὶ ἐλάττου τῆς τμημάτων περιεχόμε-
νοις ὀρθογωνίοις.

Theor. 1. Propo. 1.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque ipsa-
rum altera in quotcunque
segmenta: rectangulū com-
prehensum sub illis duabus
rectis lineis, æquale est eis
rectágulis, quæ sub infecta
& quolibet segmentorum
comprehenduntur.



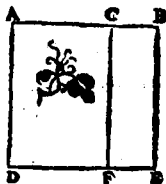
β

Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐν τύχῃ, καὶ ὑπὸ τῆς

ὅλης καὶ ἑκατέρῃ τῇ τμημάτων περιέχοντα ὀρθογώνια, ἴσα ἐστὶ πρὸς τῆς ὅλης τετραγώνῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

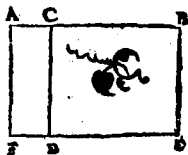
Si recta linea secta sit ut-
cunque, rectāgula quę sub
tota & quolibet segmen-
torum comprehendūtur,
æqualia sunt ei, quod à to-
ta fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ὡς ἔτυχε τμηθῇ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῇ τμημάτων περιέχοντα ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ πρὸς τῆς ὅλης τετραγώνῳ, καὶ πρὸς τῷ περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ πρὸς τῷ περιεχόμενῳ τμήματος τετραγώνῳ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea secta sit utcunque, rectangulum sub tota & vno segmentorum comprehensum, æquale est & illi, quod sub segmentis comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à prædicto segmento describitur, quadrato.

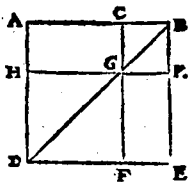


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης τετραγώνον, ἴσον ἔσται τοῖς τε ὑπὸ τῶν τμη-

μάτων τετραγώνois, καὶ τῷ δις ὑπὸ τῆς τμημάτων
περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ.

Theor. 4. Propo. 4.

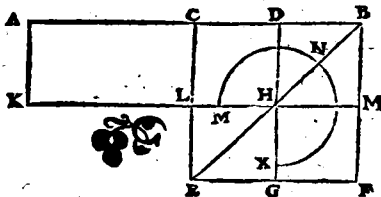
Si recta linea secta sit utcūque: quadratum,
quod à tota describitur, æ-
quale est & illis quæ à seg-
mentis describuntur qua-
dratis, & ei, quod bis sub
segmentis comprehendit-
ur, rectangulo.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀίσια, τὸ ὑπὸ
τῆς αἰσίτων τῆς ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρ-
θογώνιον, μετὰ τῷ διπλῷ τῆς μεταξὺ τῆς τομῆς τε-
τραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ διπλῷ τῆς ἡμισείας τετρα-
γώνῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

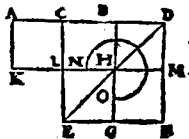
Si recta linea secetur in æqualia & nō æqua-
lia: rectangulum sub inæqualibus segmen-
tis totius comprehensum vnà cum quadra-
to, quid ab
intermedia
sectionum,
æquale est
ei quod à di-
midia de-
scribitur, quadrato.



Εὰν εὐθεία γραμμὴ τμηθῇ δίχα, ὡς τεθῇ δέ τις αὐτῇ εὐθεία ἐπ' εὐθείας, ὀρθογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (ὡὲν τῇ περσοκλήμῃ, καὶ τῆς περσοκλήμης περλεχόμενοι ὀρθογώνιον, μετὰ δ' ὑπὸ τῇ ἡμισείας τε βαλόντι, ἴσον ὅτι καὶ ὑπὸ τῆς σελκλήμης ἐκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς περσοκλήμης, ὡς ὑπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τε βαλόντι.

Theor.6. Propo.6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta quædam linea in rectum adiiciatur, rectangulum comprehensum sub tota cum adiecta & adiecta, simul cum quadrato à dimidia, æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab vna descripto.

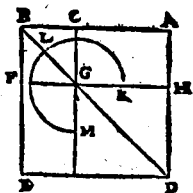


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς
ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' εἰδὸς τῆς τμημάτων, τὰ συναιμνό-
τερα τετράγωνα ἴσα ὅτι πᾶς τε δις ὑπὸ τῆς ὅ-
λης καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματος περιεχόμενῳ ὁρ-
θογωνίῳ, καὶ πᾶς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τμήματος τετρά-
γωνῳ.

Theor.7. Propo. 7.

Si recta linea fecetur vtcunque : quod à

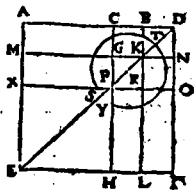
tota, quódque ab vno segmentorum, vtraque simul quadrata, æqualia sunt & illi, quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à reliquo segmento fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ τε βᾶκιν ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ὑπὸ τῷ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ᾗ τῷ τε ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματος, ὡς ὑπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

Theor. 8. Propo. 8.

Si recta linea secetur vtcunque : rectangulum quater comprehensum sub tota & vno segmentorum, cum eo, quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei, quod à tota & dicto segmento, tanquam ab vna linea describitur, quadrato.

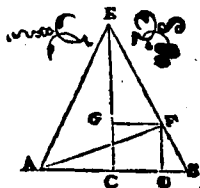


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀίσια, τὸ

ὑπὸ τῶν αἰσῶν τῆς ὅλης τμημάτων τετράγωνα,
διπλάσιά ἐστι τῶν ὑπὸ τῆς ἑμισείας, καὶ τῶν ὑπὸ
τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν τετραγώνων.

Theor. 9. Propo. 9.

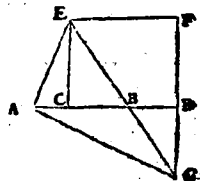
Si recta linea secetur in æqualia & non æ-
qualia : quadrata quæ ab inæqualibus to-
tius segmentis fiunt, du-
plicia sunt & eius quod à
dimidia, & eius quod ab
intermedia sectionum fit,
quadratorum.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, ὡς ἐστὶν δὲ πρὸς
αὐτῇ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ
ὡροσφιδνῇ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ὡροσφιδνῆς τὰ (ὡς αμ-
φότερά τετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῶν ἀπὸ τῆς
ἑμισείας, καὶ τῶν ἀπὸ τῆς (ὡς κφιδνῆς ἕκαστε τῆς ἑμι-
σείας καὶ τῆς ὡροσφιδνῆς, ὡς ὑπὸ μιᾶς αἰαγρα-
φείντος τετραγώνου.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiiciatur au-
tem ei in rectum quæpiam
recta linea : quod à tota cū
adiuncta, & quod ab ad-
iuncta, vtraque simul qua-
drata, duplicia sunt & e-



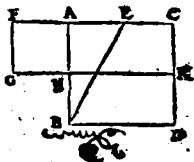
ius quod à dimidia, & eius quod à compo-
fita ex dimidia & adiuncta, tāquam ab vna
descriptum sit, quadratorum.

1α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥστε τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
καὶ τῆς ἐτέρου τῆς τμημάτων περικείμενον ὀρθογώ-
ριον ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμήματος τετρα-
γώνῳ.

Probl. 1. Propo. 11.

Datam rectam lineam fe-
care, vt comprehensum
sub tota & altero segmen-
torum rectangulum, æ-
quale sit ei, quod à reli-
quo segmento fit, qua-
drato.

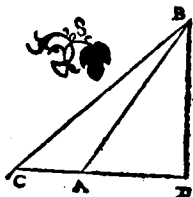


1β

Εν τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τινὸς ἀμ-
βλείας γωνίας ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετράγω-
νον, μειζόν ὅστις τῆς ἀπὸ τῆς τινὸς ἀμβλείας πε-
ρικευστῶν πλευρῶν, τετραγώνων, τῷ περικείμενῳ
δις ὑπὸ τε μιᾶς τῆς περὶ τινὸς ἀμβλείας γωνίας,
ἐφ' ᾗ ἐκβληθεῖσαι ἰσχύεται πίπτει, καὶ τῆς ἀπο-
λαμβανομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῆς κατὰ τὴν πρὸς τῇ
ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Theor. 11. Propo. 12.

In amblygoniis triángulis, quadratum quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiūt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cū protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriori linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.



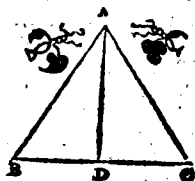
17

Εἰν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τιῶ ὀξείαι γωνίας ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἔλαττόν ἐστι τῆς ἀπὸ τῶν τιῶ ὀξείαι γωνίας περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δὲ ὑπὸ τε μιᾶς τῶν αὐτῶν τιῶ ὀξείαι γωνίας, ἐφ' ᾗ ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐντὸς ὑπὸ τῆς καθέτου πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triángulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum an-

gulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensū, & ab vno laterum, quæ sunt circa acutum angulū, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.

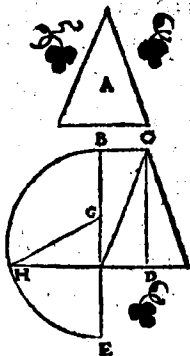


ιδ

Τῷ δοθέντι ὀρθογώνῳ ἴσον
τετράγωνον συστήσασθαι.

Probl. 2. Propo. 14.

Dato rectilineo æquale
quadratum constituere.



Elementi secundi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM TERTIVM.

Ο' Ρ Ο Ι, . . .

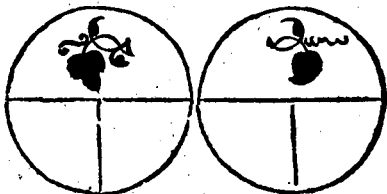
a

Ι' Σ Ο Ι κύκλοι εἰσιν, ὧν αἱ διάμετροι εἰσὶν ἴσαι: ἢ
ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσιν.

DEFINITIONES.

I

Æquales circuli sunt, quorū diametri sunt
æquales,
vel quo-
rum quæ
ex cætris
rectæ li-
neæ sunt
æquales.

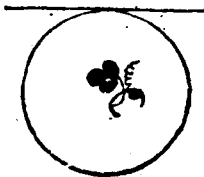


β

Εὐθεῖα κύκλου ἐφάπτεσθαι λέγεται, ἥτις ἀπο-
μύνη τῷ κύκλῳ, καὶ ἐκβαλλομένη, ὅτε τέμνῃ τὸν κύ-
κλον.

2

Recta linea circulum tan-
gere dicitur, quæ cū cir-
culum tangat, si produca-
tur, circulum non secat.

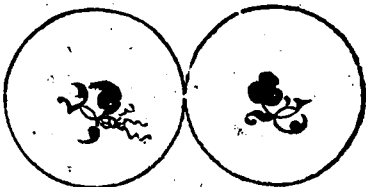


γ

Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἵτινες ἀπό-
μυνοι ἀλλήλων, ὅτε τέμνουσιν ἀλλήλους.

3

Circuli sese
mutuò tāge-
re dicuntur:
qui sese mu-
tuo tangētes,
sese mutuò non secant.



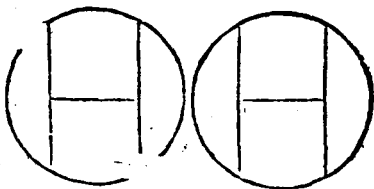
δ

Εἰν κύκλῳ ἴσον ἀπέχειν τῷ κέντρῳ εὐθεῖαι λέγονται,
ὅταν αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ ἐπ' αὐτὰς κείσθαι ἀγώ-
μυνοι ἴσαι ᾧσι: μείζον δὲ ἀπέχειν λέγεται, ἐφ' ᾧ
ἢ μείζον κείσθαι πλείον.

4

In circulo æqualiter distare à centro re-
ctæ lineæ dicuntur, cū perpendiculari-
res

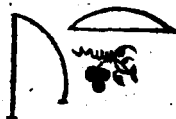
res, quæ à
centro in
ipsas ducū-
tur, sunt æ-
quales. Λό-
γιὺς autem



abesse illa dicitur, in quam maior perpendi-
cularis cadit.

^ε
Τμήμα κύκλου, ἐστὶ τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ
τε εὐθείας καὶ κύκλου περιφέρειας.

⁵
Segmentum circuli, est fi-
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com-
prehenditur.



⁷
Τμήματος δὲ γωνία ἐστὶν, ἢ περιεχόμενη ὑπὸ τε
εὐθείας, καὶ κύκλου περιφέρειας.

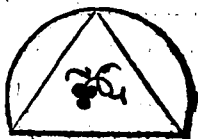
⁶
Segmenti autem angulus est, qui sub recta
linea & circuli peripheria comprehendi-
tur.

^ζ
Ἐν τμήματι δὲ γωνία ἐστὶν, ὅταν ᾖ ἐπὶ τῆς περιφε-
ρείας τῷ τμήματι ληφθῇ τι σημεῖον, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
ᾖ ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς εὐθείας, ἢ ἐστὶ βάσις τῷ τμή-
ματι.

ματος, ἐπεὶ ζευχθῶσιν εὐθεῖαι, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς ἐπιζευχθῶσιν εὐθείᾳ.

7

In segmento autem angulus est, cū in segmenti peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.

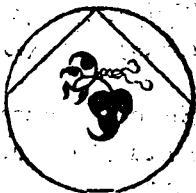


η

Ὅταν δὲ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν εὐθεῖαι ἀπολαμβάνωσιν πᾶσα περιφέρεια, ἐπ' αὐτῆς λέγεται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehendentes angulum rectæ lineæ aliquā assumunt peripheriam, illi angulus insistere dicitur.

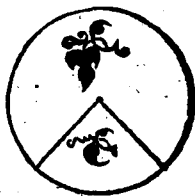


θ

Τομεὶς δὲ κύκλος ἐστίν, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ ὁ κύκλος σταθῇ ἡ γωνία, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς τὴν γωνίαν περιέχουσιν εὐθείᾳ, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφέρειας.

9

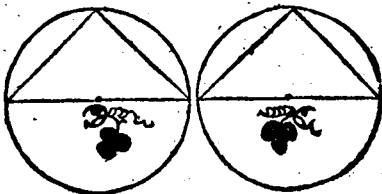
Sector autem circuli est, cùm ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ὅτε, τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας: ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales: aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



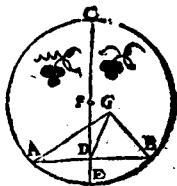
Προτάσις.

α

Τὸ δοθέντος κύκλου τὸ κέντρον εὐρεῖν.

Probl. 1. Propo. 1.

Dati circuli centrum reperire.



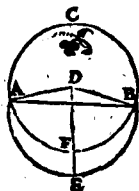
F ij

β

Εὰν κύκλος ᾗ ἐπὶ τῆς περιφερείας ληφθῇ δύο τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ αὐτὰ σημεῖα ᾗ ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐντὸς πεσεῖται τῷ κύκλῳ.

Theor. 1. Propo. 2.

Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circulum cadet.

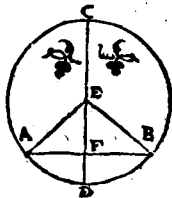


γ

Εὰν ἐν κύκλῳ εὐθεῖά τις διὰ τῷ κέντρῳ, εὐθεῖαι πῶς μὴ διὰ τῷ κέντρῳ διέχῃ τέμνῃ, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τέμνῃ. καὶ ἐὰν πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τέμνῃ, καὶ διέχῃ αὐτὴν τέμνῃ.

Theor. 2. Propo. 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandā non per centrum extensam bifariam secet : & ad angulos rectos ipsam secabit. Et si ad angulos rectos eā secet, bifariam quoque eam secabit.



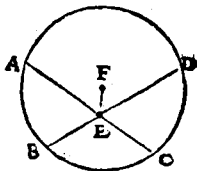
δ

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ

Ἀλλ' ὅ κέντροι οὐσαι, ὅ τέμνουσιν ἀλλήλας δίχα.

Theor. 3. Propo. 4.

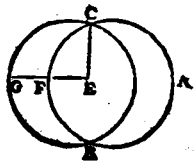
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant nõ per centrum extensæ, sese mutuò bifariam nõ secabunt.



Εὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, ὅκ' ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 4. Propo. 5.

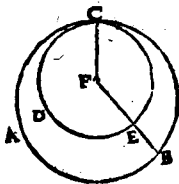
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπλωνται ἀλλήλων ἐντὸς, ὅκ' ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 5. Propo. 6.

Si duo circuli sese mutuò interius tangant, eorum non erit idem centrum.

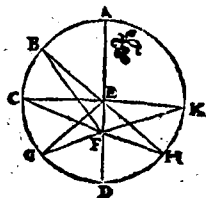


Εὰν κύκλος ὅπῃ τῆς ἀφ' αὐτοῦ ληφθῇ πὶ σημείον, ὃ μὴ ὂσιν κέντρον ὁ κύκλος, ἀπὸ δὲ ὁ σημείον παρὰ τὸν

πλωσιν εὐθείαι πινες πρὸς τὸν κύκλον: μέγιστη μὲν
 ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη δὲ ἡ λοιπή: τῆς δ'
 ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγιον τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς ἀπώτερον
 μείζων ὅσῃ. Δύο δὲ μόνον εὐθείαι ἴσαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ
 σημείου πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκά-
 τερα τῆς ἐλαχίστης.

Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur
 punctum, quod circuli centrum non sit, ab
 eoque puncto in circulum quædam rectæ
 lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua
 centrum, minima verò reliquæ: aliarum ve-
 ro propinquior illi quæ
 per centrum ducitur, re-
 motiore semper maior est.
 Duæ autem solùm rectæ
 lineæ æquales ab eodẽ pũ-
 cto in circulum cadunt, ad
 vtrasque partes minimæ.



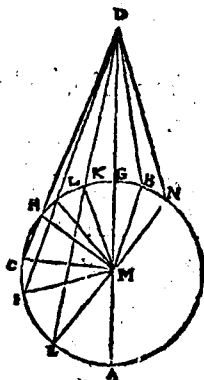
Ἡ
 Ἐὰν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐκ τῶν, ἀπὸ δὲ τῶ ση-
 μείων πρὸς τὸν κύκλον ἀγαχθῶσιν εὐθείαι πινες, ὧν
 μία μὲν ἀπὸ τοῦ κέντρου, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἔτυχῃ: τῆς
 μὲν πρὸς πλεονέκλειαν περιφέρουσαι πρὸς ἀπὸ τοῦ
 εὐθείων, μέγιστη μὲν ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου, τῆς δὲ ἄλλων
 αἰεὶ ἡ ἐγγιον τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἡ ἀπώτερον μεί-

ζων' ἔσται. τὸ δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν ἀποφύρειται προσ-
πιπύσων εὐθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ὅτιν ἡ μεταξὺ τῶν τε
σημείων καὶ τῆς ἀφ' αὐτῆς. τῇ δὲ ἄλλων αἰεὶ ἢ ἐγγίον
τῆς ἐλαχίστης, τῆς ἀπὸ τέρων ὅτιν ἐλάττω. Δύο δὲ
μόνον εὐθεῖαι ἴσαι, ἀποπεσοῦνται ἀπὸ τοῦ σημείου
πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulum sumatur punctum quod-
piam, ab eoque puncto ad circulum dedu-
cantur rectæ quædam lineæ, quarum vna
quidem per centrum protendatur, reliquæ
verò vt libet: in cauam peripheriam ca-
dentium rectarum linearum maxima qui-
dem est illa, quæ per centrum ducitur: alia-
rum autem propinquior ei, quæ per cen-
trum transit, remotiore semper maior est.

In conuexam verò peri-
pheriam cadētium recta-
rum linearum, minima
quidem est illa, quæ in-
ter punctum & diame-
trum interponitur: alia-
rum autem, ea quæ pro-
pinquior est minimæ, re-
motiore semper minor
est. Duæ autē tantum re-
ctæ lineæ æquales ab eo



F iiiij

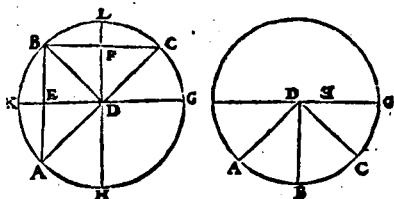
puncto in ipsum circulum cadūt, ad vtrasq;
partes minimæ.

θ

Εὰν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ δὲ τῷ ση-
μεῖου πρὸς τὸν κύκλον παραγίπωσι πλείους ἢ δύο
εὐθεῖαι ἴσαι, τὸ ληφθεὶ σημεῖον, κέντρον ὅστις τῷ
κύκλῳ.

Theor. 8. Propo. 9.

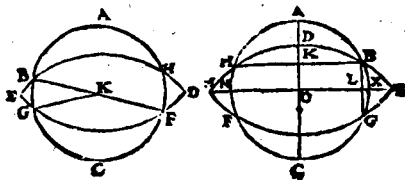
Si in circulo acceptum fuerit punctum ali-
quod, & ab eo puncto ad circulum cadant
plures quàm
duæ rectæ li-
neæ æquales,
acceptū pū-
ctum centrū
ipsius est cir-
culi.



Κύκλος οὐ τέμνῃ κύκλον ἢ πλείονα σημεῖα, ἢ
δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus
circulum
in plurib⁹
quàm duo
bus pūctis
non secat.

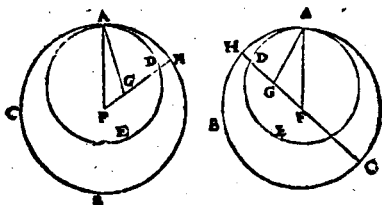


1α

Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπωνται ἀλλήλων ἐντὸς, καὶ λη-
φθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, καὶ ὅτι τὰ κέντρα, αὐτῶν ὅτι-
ζευγνυμένη εὐθεῖα καὶ ἐμβαλλομένη, ὅτι πλεονάζουσα
πεσεῖται τῶν κύκλων.

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atque
accepta fuerint eorum cētra, ad eorum cen-
tra adiun-
cta recta li-
nea & pro-
ducta, in
cōtactum
circularū
cadet:

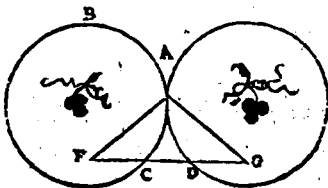


1β

Εὰν δύο κύκλοι ἀπώνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ὅτι
τὰ κέντρα αὐτῶν ὅτι ζευγνυμένη, ἀπὸ τῆς ἐπαφῆς
ἐλεύσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea
recta quæ ad
cētra eorum
adiungitur,
per contactū
illum tran-
sibit.

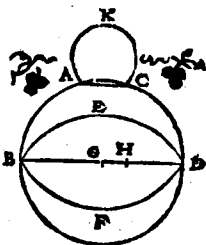


17

Κύκλος κύκλῳ ὅτ' ἐφάπτεται πλείονα σημεῖα ἢ
χαρ' εἰς, εἰάντε ἐντὸς εἰάντε ἐκτὸς ἐφάπτηται.

Theor. 12. Propo. 13.

Circulus circulum non
tangit in pluribus pun-
ctis, quàm vno, siue in-
tus siue extra tangat.

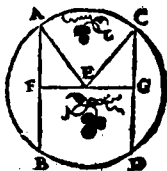


18

Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ
κέντρου. καὶ αἱ ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι
ἀλλήλαις εἰσίν.

Theor. 13. Propo. 14.

In circulo æquales rectæ
lineæ æqualiter distant à
centro. Et quæ æqualiter
distant à centro, æquales
sunt inter se.

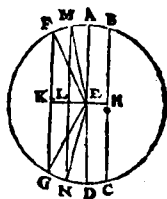


19

Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ὅστιν ἡ διάμετρος, τῇ δὲ
ἄλλων αἰεὶ ἢ ἐγγίοντο κέντρου, τῆς ἀπώτερον μείζων
ὅστιν.

Theor. 14. Propo. 15.

In circulo maxima quidē
linea est diameter : alia-
rum autem propinquior
centro, remotiore semper
maior.



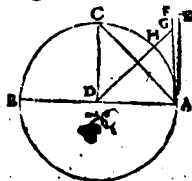
15

Ἡ τῇ ἀφ' ἐξέως τῷ κύκλῳ πρὸς ὀρθὰς ἀπ' ἀκρᾶς
ἀγόμενῃ, σκτὸς πεσεῖται ὁ κύκλος, καὶ εἰς τὸν μετα-
ξὺ τῶν τῆς τε εὐθείας καὶ τῆς περιφερείας ἑτέρα
εὐθεῖα ὁ παρεμπεσεῖται, καὶ ἡ μὲν ὅτι μικροτέρα γω-
νία, ἀπάσης ὀξείας γωνίας εὐθυγράμμου μείζων ὅτιν,
ἡ δὲ λοιπὴ, ἐλάττω

Theor. 15. Propo. 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque cir-
culi ad angulos rectos ducitur, extra ipsum
circulum cadet, & in locum inter ipsam re-
ctam lineam & peripheriā comprehensum,
altera recta linea nō cadet.

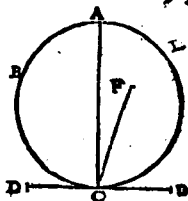
Et semicirculi quidē an-
gulus quovis angulo acu-
to rectilineo maior est, re-
liquus autem minor.



16

Ἀπὸ ὅτου δὲ τὸς σημείῳ, τῷ δοθέντος κύκλῳ ἐφαπτο-
μένην εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

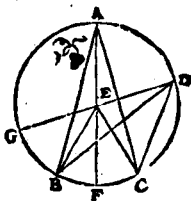
contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangenti excitetur, in excitata erit centrum circuli.



Εἰν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίῳν ὅτῃ ἡ πρὸς τῇ περιφερίᾳ, ὅταν τινὶ αὐτῶν περιφέρῃται βάσιν ἔχουσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Propo. 20.

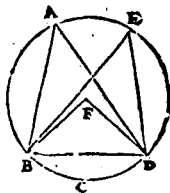
In circulo angulus ad centrum duplex est anguli ad peripheriam, cum fuerit eadē peripheria basis angulorum.



Εἰν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

Theor. 19. Propo. 21.

In circulo, qui in eodem segmento sunt anguli, sunt inter se æquales.



Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον γωνίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theor. 20. Propo. 22.

Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.

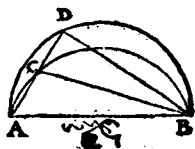


κ γ

Επὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια καὶ αἵσα ὅσους ἀγίσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη.

Theor. 21. Propo. 23.

Super eadem recta linea, duo segmenta circulum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.

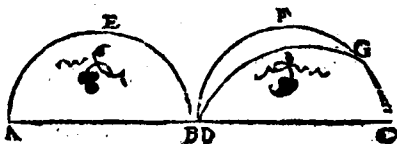


κ δ

Τὰ ὅτι ἴσων εὐθειῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theor. 22. Propo. 24.

Super æqualib⁹ rectis lineis similia circulum segmenta



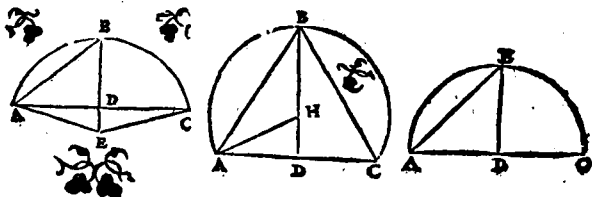
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, περισυναγράψαι τὸν κύκλον, ὅπως ἔστι τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circulum, cuius est segmentum.

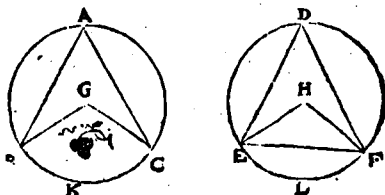


κς

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ἴσαι γωνίαι ὅτι ἴσων περιφερειῶν βεβήκασιν, εἰ μὴ τε πρὸς τοῖς κέντροις, εἰ μὴ τε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥς βεβήκῃαι.

Theor. 23. Propo. 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqualibus peripheriis insistant siue ad centra, siue ad peripherias constituti insistant.

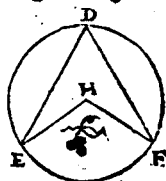
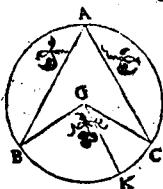


κζ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὅτι ἴσων τῶν περιφερῶν βε-
βηκῶν γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν, εἴαντε πρὸς
τοῖς κέντροις, εἴαντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥς τι βε-
βηκῶν.

Theor. 24. Propo. 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æquali-
bus peri-
pheriis in-
sistūt, sunt
inter se æ-
quales siue
ad centra,
siue ad peripherias constituti insistant.

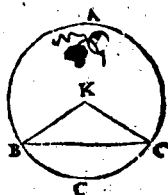
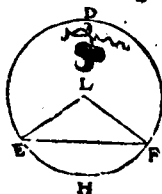


κη

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι ἐνθῆναι ἴσαι, τῶν περι-
φερείας ἀφαρῶσι, πλὴν μὲν μείζονα, τῇ μείζονι, πλὴν δὲ
ἐλάττωνα, τῇ ἐλάττω.

Theor. 25. Propo. 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ
æquales pe-
ripherias
auferunt,
maio-
rem
quidē, ma-
iori, mino-
rem autem, minori.



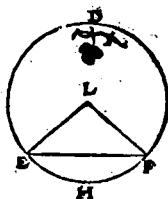
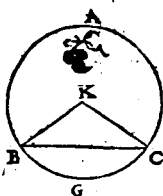
Εν

κθ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας περιφέρειας ἴσαι εὐθεῖαι ὑπολείνθουσι.

Theor. 26. Propo. 29.

In æqualibus circulis, æquales peripherias æquales rectæ lineæ subtendunt.

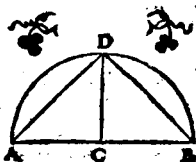


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν διχα τέμνειν.

Proble. 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bifariam secare.



λα

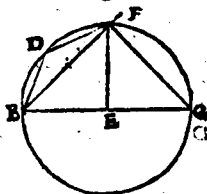
Εν κύκλῳ, ἡ μὲν ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ γωνία ὀρθή ἐστιν, ἡ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς, ἡ δὲ ἐν τῷ ἐλάττωι, μείζων ὀρθῆς: καὶ ἐπὶ ἑκάστῳ τῷ μείζονος τμήματος γωνία, μείζων ὅστιν ὀρθῆς, ἡ δὲ τῷ ἐλάττωτος τμήματος γωνία, ἐλάττω ὅστιν ὀρθῆς.

Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, re-

G

ctus est: qui autem in maiore segmento, minor recto: qui verò in minore segmento, maior est recto. Et insuper angulus maioris segmenti, recto quidem maior est: minoris autem segmenti angulus, minor est recto.

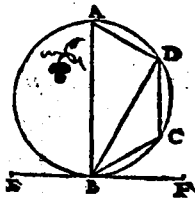


λβ

Εὰν κύκλος ἐφάπληται πρὸς εὐθείᾳ, ἀπὸ δὲ τῆς ἀφ᾽ ἧς ὅτι τὸ κύκλον ἀφ᾽ ἧς πρὸς εὐθείᾳ τήνυσσα τὸν κύκλον: αἱ ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναντίας τῷ κύκλου τμήμασι γωνίαις.

Theor. 28. Propo. 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, a contactu autem producaturs quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt iis qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

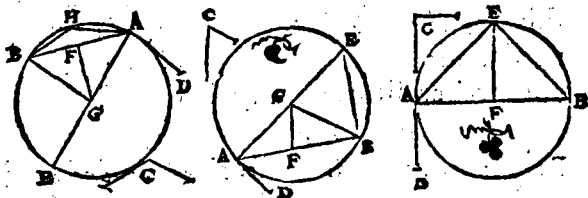


λγ

Επὶ τῆς δοθείσης εὐθείας γράψαι τμήμα κύκλου δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω.

Proble. 5. Propo. 33.

Super data recta linea describere segmen-
tum circuli quod capiat angulum æqualem
dato angulo rectilineo.



λδ

Απὸ τῆς δοθείσης κύκλου τμήμα ἀφαιεῖν δεχόμενος
γωνία ἴση τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω.

Probl. 6. Propo. 34.

A dato circulo segmentū
abscindere capiens angu-
lum æqualem dato angu-
lo rectilineo.



入

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῆς τῆς μιᾶς τριημῶτων ὀρθογωνίου ὀρθογωνίου, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς τῆς ἑτέρας τριημῶτων ὀρθογωνίου ὀρθογωνίου.

Theor. 29. Propo. 35.

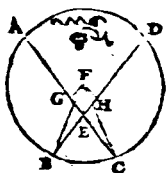
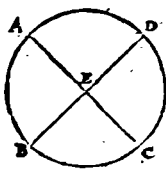
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

G ij

fecuerint, rectangulum comprehensum sub
segmentis

vnus, æ-
quale est
ei, quod
sub segmē-
tis alterius

comprehenditur, rectangulo.

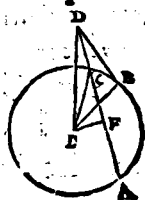
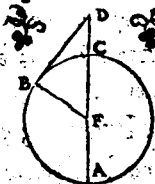


λ γ

Εάν κύκλου ληφθῇ τὸ σημεῖον Ἐκ τὸς, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
πρὸς τὸν κύκλον παραπέμψωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπτηται: ἔσται τὸ
ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνύσης, καὶ τῆς ἑκτὸς ἀπολαμβάνο-
μένης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφε-
ρείας, πρὸς ἑξάγωνον ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ὑπὸ τῆς ἐ-
φαπτομένης τετραγώνῳ.

Theor. 30. Prop. 36.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod,
ab eoque in circulum cadant duæ rectæ li-
neæ, quarum altera quidem circulum secet,
altera verò tangat: quod sub tota secante, &
exterior inter punctum & conuexa per mi-
pheriā as-
sumpta co-
prehendi-
tur rectā-
gulum, æ-



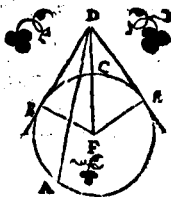
quale erit ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λ ζ

Εὰν κύκλος ληφῇ ἢ τὸ σημεῖον ἐκ τὸς, ἀπὸ δὲ ἑ. σημείῳ παρὰ τὸν κύκλον παραιπίωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ παραιπίῃ, ἡ δὲ τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης τεμνύσης, καὶ τῆς ἐκ τὸς ἀπολαμβανομένης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφερείας, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς παραιπίσεως: ἡ παραιπίσσα ἐφάπεται ἑ. κύκλου.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod, ab eoque puncto in circulum cadāt duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & convexam peripheriā assumpta, comprehenditur rectángulum, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidēs ipsa circulum tanget.



Elementi tertii finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΕΤΑΡΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

IVM QVARTVM.

Ο' Ρ ΟΙ.

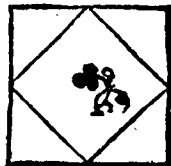
α

Σχήμα εὐθύγραμμον εἰς σχῆμα εὐθύγραμμον
ἐκτεταμένον λέγεται, ὅταν ἕκαστη τῶν τε
ἐκτετατομένων σχήματος γωνιῶν, ἕκαστης πλευρᾶς τε
εἰς ὃ ἐκτείνεται, ἀπλήται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figura rectilinea inscribi dicitur, cum singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli singula latera eius, in qua



inscribitur, tangunt.

β

Σχήμα δὲ ὁμοίως πρὸς σχῆμα περιγράφεται λέ-
γεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ ἢ περιγεφομένη, ἐκά-
στης γωνίας τῷ πρὸς ὃ περιγράφεται, ἀπὸπληται.

2

Similiter & figura circum figuram describi
dicitur, quum singula eius quæ circumscri-
bitur, latera singulos eius figuræ angulos
tetigerint,

circum
quam illa
describi-
tur.



γ

Σχήμα δὲ ἐνθύγραμμον εἰς κύκλον ἐνγράφεται
λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τῷ ἐνγεφομένῳ ἀπλη-
ται τῆς τῷ κύκλῳ περιφέρειας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur,
quum singuli eius figuræ quæ inscribitur,
anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχήμα δὲ ἐνθύγραμμον πρὸς κύκλον περιγράφε-
ται λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς τῷ κύκλῳ
περιφέρειας, τῷ περιγεφομένῳ ἐφ' ἀπληται.

G iiiij

4

Figura verò rectilinea circa circulū describi dicitur, quum singula latera eius, quæ circum scribitur, circuli peripheriā tangunt.

ε

Κύκλος δὲ ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγράφεισθαι, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τῆς εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆται.

ς

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figuræ, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος δὲ περὶ σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τῆς περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autē circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

η

Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς ὅπῃ τῆς περιφέρειας ἢ τῷ κύκλῳ.

7

Recta lineæ in circulo accommodari seu

coaptari dicitur, quū eius
extrema in circuli peri-
pheria fuerint.

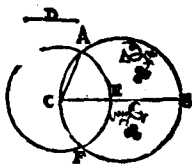
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ μὴ μεί-
ζονι οὐσῇ τῆς τοῦ κύκλου διαμέτρου, ἴσῳ εὐθείᾳ
ἐναρμόσαι.

Probl. 1. Propo. 1.

In dato circulo, rectam li-
neam accommodare æqua-
lem datæ rectæ lineæ, quæ
circuli diametro non sit
maior.

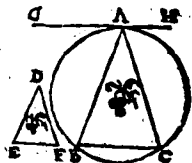


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσογών-
ιον τρίγωνον ἐκτεράσαι.

Probl. 2. Propo. 2.

In dato circulo, triangu-
lum describere dato triā-
gulo æquiangulum.

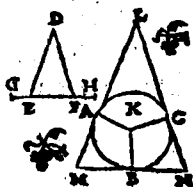


γ

Πεὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσο-
γώνιον τρίγωνον περιγεράσαι.

Probl.3. Propo.3.

Circa datum circulum triangulum describere dato triangulo æquiangulum.

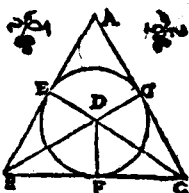


δ

Εἰς τὸ δοθεὶ τρίγωνον, κύκλον ἐγχεῖναι.

Probl.4. Propo.4.

In dato triangulo, circulum inscribere.

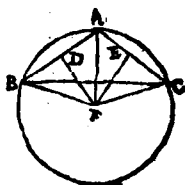
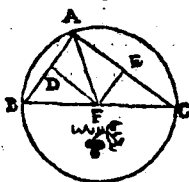


ε

Πεὶ τὸ δοθεὶ τρίγωνον, κύκλον περιγεῖναι.

Probl. 5. Propo. 5.

Circa datum triangulum, circulum describere.

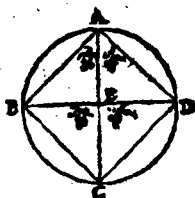


ζ

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἐγχεῖναι.

Probl.6. Propo.6.

In dato circulo, quadratū
describere.

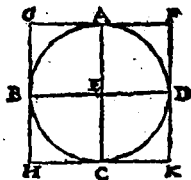


ζ

Περί τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἀεὶ γράψαι.

Probl.7. Propo.7.

Circa datū circulum, qua-
dratum describere.

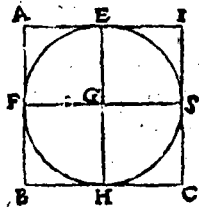


η

Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐγχεῖν.

Probl.8. Propo.8.

In dato quadrato, circulū
inscribere.

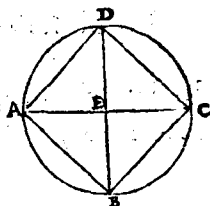


θ

Περί τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἀεὶ γράψαι.

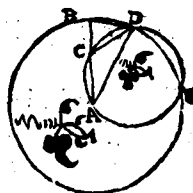
Probl. 9. Propo. 9.

Circa datum quadratum,
circulum describere.



Ισοσκελές τρίγωνον περιγράψαι, ἔχον ἑκάτεραν τὴν πρὸς τῇ βάσει γωνίαν, διπλασίονα τῆς λοιπῆς.

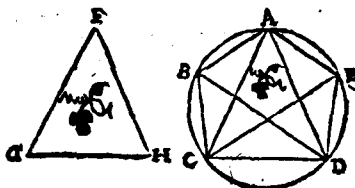
Probl. 10. Propo. 10.
Isosceles triāgulum cōstituere, quod habeat vtrunque eorum, qui ad basin sunt, angulorum, duplum reliqui.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Theor. 11. Propo. 11.

In dato circulo, pentagonum æquilaterū & æquiangulum inscribere.

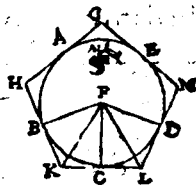


ιβ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσὸς πλευρὸν
τε καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Probl. 12. Propo. 12.

Circa datum circulum,
pentagonum æquilate-
rum & æquiangulum de-
scribere.

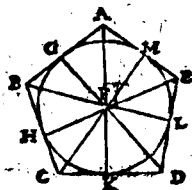


ιγ

Εἰς τὸ δοθεὶν πεντάγωνον, ὃ ἔστιν ἰσὸς πλευρὸν τε καὶ
ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Proble. 13. Propo. 13.

In dato pentagono æqui-
latero & æquiangulo, cir-
culum inscribere.



ιδ

Περὶ τὸ δοθεὶν πεντάγωνον, ὃ ἔστιν ἰσὸς πλευρὸν τε καὶ
ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 14. Propo. 14.

Circa datum pentagonum
æquilaterum & æquian-
gulum, circulum descri-
bere.

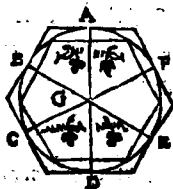
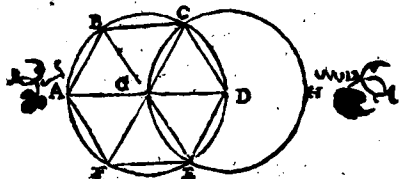


15

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλῳ, ἑξάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγραφῆται.

Probl. 15. Propo. 15.

In dato circulo, hexagonum & æquilaterū & æquiangulum inscribere.

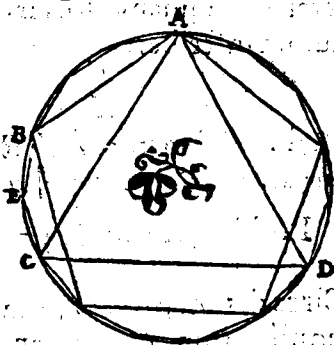


16

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλῳ, πεντεκαίδεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγραφῆται.

Theor. 16. Propo. 16.

In dato circulo, quintidecagonū & æquilaterum & æquiangulū describere.



Elementi quarti finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΕ' ΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM QVINTVM.

Ο'ΡΟΙ.

^α
ΜΕρος ἐστὶ μέγεθος μέγεθος, τὸ ἑλάσσον τῷ
 μείζονος, ὅταν καταμετρηῇ τὸ μείζον.

DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis minor
 maioris, quum minor metitur maiorem.

β

Πολλαπλάσιον δὲ τὸ μείζον τῷ ἐλάσσονος, ὅταν
 καταμετρηῇται ὑπὸ τῷ ἐλάττωτος.

2.

Multiplex autem est maior minoris, cum
 minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ἐστὶ δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ ἑξ' ἀπαιτού-

τητα πρὸς ἀλλήλα ποιά σχέσις.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

δ

Ἀναλογία δὲ ὅτιν, ἐστὶν τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationum similitudo.

ε

Λόγον ἔχιν πρὸς ἀλλήλα μεγέθη λέγεται, ἃ δύναται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

5

Rationē habere inter se magnitudines dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuò superare.

ς

Ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ εἴς πρῶτον καὶ τρίτον ἰσάκεις πολλαπλάσια, τῶν εἰς δεύτερον καὶ τέταρτον ἰσάκεις πολλαπλασίων καὶ ὅποιονοῦν πολλαπλασιασµόν, ἑκάτερον ἑκατέρου ἢ ἅμα ἐλλείπη, ἢ ἅμα ἴσα ᾖ, ἢ ἅμα ὑπερέχη ληφθεῖτα κατὰ ἀλλήλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,

quartam : cùm primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab utroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea sumantur quæ inter se respondent.

Τὰ δὲ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλεῖσθαι.

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

Οὔται δὲ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων, τὸ μὲν πρῶτον πολλαπλάσιον ὑπερέχει τῷ δευτέρου πολλαπλασίου, τὸ δὲ ἔκ τρίτου πολλαπλάσιον, μὴ ὑπερέχει τῷ τετάρτῳ πολλαπλασίῳ, τότε πρῶτον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ πρὸς τὸ τρίτον πρὸς τὸ τεταρτον.

Cùm verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excefferit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excefferit multiplicem quartæ : tunc prima ad secundam, maiore ratione habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

Ἀναλογία δὲ ἐν τρισὶν ὅροις ἐλαχίστις ὀρίν.

Proportio autem in tribus terminis paucif-
fimis consistit.

Όταν δὲ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς
τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρ
πρὸς τὸ δεύτερον. Όταν δὲ τέσσαρα μεγέθη ἀνά-
λογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα
λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰ
ἐξ ἧς ἐνὶ πλείον, ἕως αὐτῇ ἀναλογία ὑπάρχει.

Cum autem tres magnitudines proportio-
nales fuerint, prima ad tertiam, duplica-
tam rationem habere dicitur eius, quam ha-
bet ad secundam. At cum quatuor magni-
tudines proportionales fuerint, prima ad
quartam, triplicatam rationem habere di-
citur eius quam habet ad secundam. & sem-
per deinceps vno amplius, quandiu pro-
portio extiterit.

Όμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡρώμματα
τοῖς ἡρώμμοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομμοῖς.

Homologæ, seu similes ratione magnitu-
dines dicuntur, antecedentes quidem an-
tecedentibus, consequentes verò conse-

quentibus.

12

Ἐναλλάξ λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ἡγουμένῳ πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τῷ ἐπομένῳ πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alternata ratio, est sumptio antecedētis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

13

Ἀνάπαλιν λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ἐπομένῳ ὡς ἡγουμένῳ, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

13

Inuerfa ratio, est sumptio consequentis ceu antecedentis, ad antecedentē velut ad consequentem.

Συμπίπτει λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ἡγουμένῳ μετὰ τῷ ἐπομένῳ ὡς εἶδος, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum cōsequente ceu vnius, ad ipsum consequentem.

15

Διάφρασις δὲ λόγου, ὅστις ληΐται τῆς ὑπορχῆς, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τῷ ἐπομένῳ, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus, quo

H ij

116 EVCLID. ELEMEN. GEOM.
consequentem superat antecedens ad ipsum
consequentem.

15
Ανατροφή λόγου, ὅτι λήψις ἢ ἡρυσμὸς πρὸς τιμὴν
ὑπορχιῶν, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡρυσμὸν τῷ ἐπομύμῳ.

16
Conuersio rationis, est sumptio anteceden-
tis ad excessum, quo superat antecedens
ipsum consequentem.

17
Δι' ἴσος λόγος ὅτι πλεόνων ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων
αὐτοῖς ἴσων τὸ πλεόνος (ὡς δύο λαμβανομύμων, καὶ
ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, ὥπως ἐν τοῖς
δευτέροις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ
ἄλλως, λήψις τῆς ἀκρῶν, καὶ ὑπεξάρεσιν τῆς
μέσων.

17
Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint
magnitudines, & his aliæ multitudine pa-
res quæ binæ sumantur, & in eadem ratio-
ne: quum vt in primis magnitudinibus pri-
ma ad vltimam, sic & in secundis magnitu-
dinibus prima ad vltimam sese habuerit. vel
aliter, sumptio extremorū per subductionē
mediorum.

17
Τετραμύνη ἀναλογία ὅτιν, ὅταν ἢ ὡς ἡρυσμὸν
πρὸς ἐπομύμῳ, οὕτως ἡγέμῳ πρὸς τὸ ἐπομύμῳ,

ἢ δὲ καὶ ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quemadmodum antecedens ad consequentem, ita antecedens ad consequentem: fuerit etiam ut consequens ad aliud quidpiam, ita consequens ad aliud quidpiam.

19

Τεταραγμένη δὲ ἀναλογία ὅτιν, ὅταν τριῶν ὄντων μεγέθων, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος γίνηται ὡς μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡρώμενον πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡρώμενον πρὸς ἐπόμενον: ὡς δὲ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν ἄλλο τι πρὸς ἡρώμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus positis magnitudinibus, & aliis quæ sint his multitudine pares, cū ut in primis quidem magnitudinibus se habet antecedens ad consequentem, ita in secundis magnitudinibus antecedens ad consequentem: ut autem in primis magnitudinibus consequens ad aliud quidpiam, sic in secundis magnitudinibus aliud quidpiam ad antecedentem.

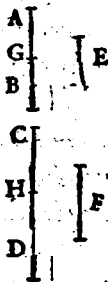
Προτάσις.

α

Εὰν ἡ ὁποσάνοις μεγέθη, ὁποσάνοις μεγεθῶν ἴσων
τὸ πλῆθος, ἕχαστον ἕκαστου ἰσάκεις πολλαπλάσιον
ὅσα πλάσιόν ὦσιν ἐν τῇ μεγεθῶν ἐνός, τοσαύτα
πλάσια ἔσται καὶ ἅπαντα τῇ πάντων.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcūque magnitudines
quotcūque magnitudinū æqua-
lium numero, singulæ singularū
æquè multiplicēs, quàm multi-
plex est vnus vna magnitudo,
tam multiplicēs erunt & omnes
omnium.

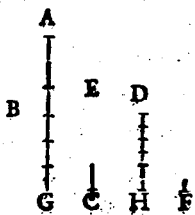


β

Εὰν πρῶτον δευτέρῃ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτῃ, ἢ δὲ καὶ πέμπτῃ δευτέρῃ ἰσάκεις
πολλαπλάσιον, καὶ ἕκτον τετάρτῃ καὶ ὡς ἐστὶν πρῶ-
τον καὶ πέμπτῃ, δευτέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλά-
σιον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τετάρτῃ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secundæ æquè fue-
rit multiplex, atque tertia
quartæ, fuerit autem &
quinta secundæ æquè mul-
tiplex, atque sexta quartæ:
erit & composita prima



cum quinta, secundæ æquè multiplex, atque
tertia cum sexta, quartæ.

Εὰν πρῶτον δευτέρῳ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτῳ, ληφθῇ δὲ ἰσάκῃς πολλαπλάσια ἔ
πρώτῳ καὶ τρίτῳ: καὶ δι' ἴσος τῶν ληφθέντων ἐκάτερον
ἐκατέρῳ ἰσάκῃς ἔσται πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τῷ
δευτέρῳ, τὸ δὲ τῷ τετάρτῳ.

Theor. 3. Prop. 3.

Si sit prima secundæ æquè
multiplex, atq; tertia quar-
tæ, sumantur autem æquè
multiplices primæ & ter-
tiæ: erit & ex æquo sumpta-
rum vtraque vtriusque æ-
què multiplex, altera qui-
dem secundæ, altera autem
quartæ.

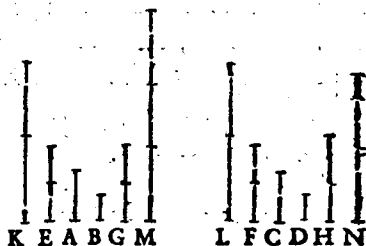


Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
τρίτον πρὸς τετάρτον: καὶ ἔσται ἰσάκῃς πολλαπλά-
σια τῷ τε πρώτῳ καὶ τρίτῳ, πρὸς ἃ ἰσάκῃς πολλα-
πλάσια τῷ δευτέρῳ καὶ τετάρτῳ κατ' ὁμοιομετρίαν
πολλαπλασιασμὸν, τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ληφθέντα
κατὰ μίαν.

Theor. 4. Propo. 4.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, & tertia ad quartam: etiam æquè multiplices

primæ & tertiæ, ad æquè multiplices secundæ & quartæ iuxta quavis multiplicationem, eandem habebunt rationem, si prout inter se respondent, ita sumptæ fuerint.



Εὰν μέγεθος μέγεθος ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅτε ἀφαιρεθῇ ἀφαιρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τῷ λοιπῷ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα πλάσιόν ᾖ τὸ ὅλον τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

Si magnitudo magnitudinis æquè fuerit multiplex, atque ablata ablata: etiam reliqua reliquæ ita multiplex erit, ut tota totius.

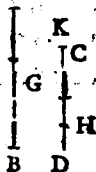


Γ

Εὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθῇ τινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἰσοῦσιν, ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiplices, & detractæ quædam sint earundem æquè multiplices: & reliquæ eisdem aut æquales sunt, aut æquè ipsarum multiplices.

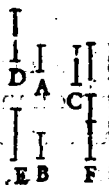


Ζ

Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor. 7. Propo. 7.

Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.

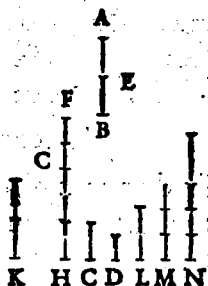


η

Τῶν αἰσίων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ ἐλάχιστον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐλάχιστον μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ μείζον.

Theor. 8. Propo. 8.

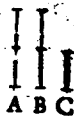
Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationē habet, quàm minor : & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.



Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι : καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, καὶ κείνα ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 9. Propo. 9.

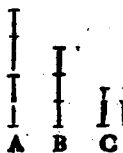
Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se : & ad quas eadem, eandem habet rationem, eæ quoque sunt inter se æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ὁ κείνο μείζον ὄντι, πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ὁ κείνο ἐλαττόν ὄντι.

Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, ratione habentium, quæ maiorem rationem habet, illa maior est. ad quam autem eadem maiorem rationem habet, illa minor est.



1α

Οἱ τῶ αὐτῶ λόγροι οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eidē sunt eadē rationes, & inter se sunt eadem.

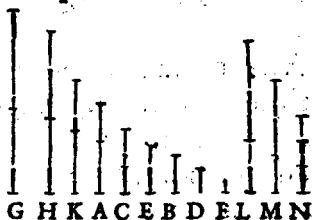


1β

Εὰν ἡ ὁποσαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῇς ἡγουμένων πρὸς ἐν τῇς ἐπομένων, οὕτως ἀπαντα τὰ ἡγούμενα, πρὸς ἀπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theor. 12. Propo. 12.

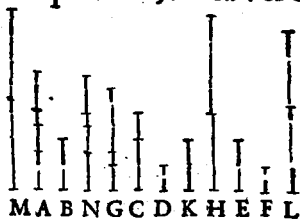
Si sint magnitudines quocunque proportionales, quemadmodum se habuerit vna antecedentium ad vnā consequentium, ita se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.



¹⁷
Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ
τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ πρὸς τέταρτον
μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὥς πέμπτον πρὸς ἕκτον: καὶ
πρῶτον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔξῃ, ἢ ὥς πέμ-
πτον πρὸς δεύτερον ἕκτον.

Theor. 13. Propo. 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, tertia verò ad quartam, maiorem rationem habuerit, quā quinta ad sextam: prima quoque ad secundam maiorem rationem habebit, quam quinta ad sextam.



1 δ

Εὰν ὁρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ δὲ ὁρῶτον τῷ τρίτῳ μεί-
 ζον ἢ καὶ τὸ δεύτερον τῷ τέταρτῳ μείζον ἔσται, καὶ
 ἔλασσον, ἔλασσον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si prima ad secundam eandem habuerit ra-
 tionem, quam tertia ad quartam, prima ve-
 rò quàm tertia maior fuerit: erit
 & secunda maior quàm quar-
 ta. Quòd si prima fuerit æqua-
 lis tertiæ, erit & secunda æqua-
 lis quartæ: si verò minor, & mi-
 nor erit.



1 ε

Τὰ μέρη, τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν
 ἔχῃ λόγον, ληφθέντα κατὰλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

Partes, cùm pariter multipli-
 cibus in eadem sunt ratione, si
 prout sibi mutuo respondent,
 ita sumantur.



¹⁵
Εὰν τέσσαρα μέγῃ ἀνάλογον ᾦ, καὶ ἐναλλάξ ἀνά-
λογον ᾖσαι.

Theor. 16. Propo. 16.

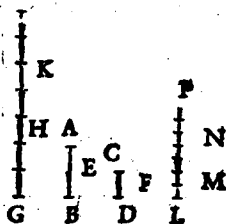
Si quatuor magnitudi-
nes proportionales fue-
rint, & vicissim propor-
tionales erunt.



¹⁶
Εὰν ὁλικαὶ μέγῃ ἀνάλογον ᾦ, καὶ διαμερεῖται,
ἀνάλογον ᾖσαι.

Theor. 17. Propo. 17.

Si compositæ magni-
tudines proportionales
fuerint, hæ quoque di-
uisæ proportionales e-
runt.



¹⁷
Εὰν διηρημένα μέγῃ ἀνάλογον ᾦ, καὶ συνιεσθέντα
ἀνάλογον ᾖσαι.

Theor. 18. Propo. 18.

Si diuifæ magnitudines ſint
proportionales, hæ quoque
compoſitæ proportionales
erunt.

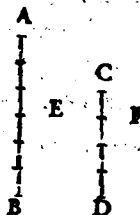


10

Εὰν ἡ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρεθὲν πρὸς ἀ-
φαιρεθὲν: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται, ὡς ὅ-
λον πρὸς ὅλον.

Theor. 19. Propo. 19.

Si quemadmodum totum ad
totum, ita ablatum ſe habue-
rit ad ablatum: & reliquum
ad reliquum, vt totum ad to-
tum ſe habebit.



κ

Εὰν ἡ πρὸς αὐτὴν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος,
ζυγίου λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσων
δὲ τὸ πρῶτον τῷ τρίτῳ μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον
τῷ ἑκτῷ μείζον ἔσται: καὶ ἴσων, ἴσων: καὶ ἑλάσσων,
ἐλάσσων.

Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & alia ipsiſ equal-
les numero, quæ
binæ & in eadem
ratione ſuman-
tur, ex æquo autē
prima quàm ter-
tia maior fuerit:



erit & quarta, quàm ſexta maior. Quòd ſi
prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æ-
qualis ſextæ: ſi illa minor, hæc quoque
minor erit.

κα
Εὰν ἡ πρῶτα μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος
ζεύδυ λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ
τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δι' ἴσων δὲ τῶ
πρῶτον τῷ τρίτῳ, μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τῷ ἕκτῳ
μείζον ἢ ἢ ἴσον, ἴσον καὶ ἢ ἔλασσαν, ἔλασσαν.

Theor. 21. Propo. 21.

Si ſint tres magni-
tudines, & alia ip-
ſiſ æquales nume-
ro quæ binæ & in
eādē ratione ſumā-
tur, fueritque per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κβ

Εὰν ἡ ὁποσαοῦν μέγεθς, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, (ῥῆδνο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσος ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

Proble. 22. Propo. 22.

Si sint quotcunque magnitudines, & aliæ ipsis æquales numero, quæ binæ in eadē ratione sumantur, & ex æqualitate in eadē ratione erunt.



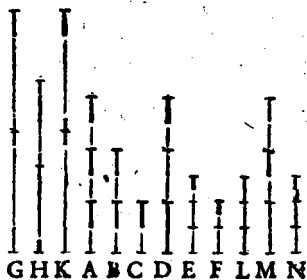
κγ

Εὰν ἡ τρία μέγεθς, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος (ῥῆδνο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσος ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

I

Theor. 23. Propo. 23.

Si sint tres magnitudines, aliæque
 ipsis æquales nu-
 mero, quæ binæ in
 eadem ratione su-
 mantur, fuerit au-
 tē perturbata ea-
 rum proportio: e-
 tiam ex æqualitate
 in eadem ratione erunt.



κ δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη δὲ καὶ πέμπτον πρὸς
 δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον.
 καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον
 τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ-
 ταρτον.

Theor. 24. Propo. 24.

Si prima ad secundam, eādem
 habuerit rationem, quam ter-
 tia ad quartam, habuerit au-
 tem & quinta ad secundā ean-
 dem rationem, quam sexta ad
 quartam: etiā composita pri-
 ma cum quinta ad secundam



eandem habebit rationem, quam tertia cum sexta ad quartam.

κε

Εὰν τέσσαρα μέγιστα ἀνάλογον ᾖ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ᾖσιν.

Theor. 25. Propo. 25.

Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, maxima & minima reliquis duabus maiores erunt.



Elementi quinti finis.

I ij



EYKΛEI-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEXTVM.

ΟΨΟΙ.

α

Ομοια σχήματα εὐθύγραμμά ἐστιν, ὅσα τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχῃ καὶ μίαν, καὶ τὰς πρὸς ταῖς ἴ-
σαις γωνίαις πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ & an-
gulos singulos singulis æquales habent, at-
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-
les, proportionalia.

β

Ἀντιπεπονητότα δὲ σχημάτά ἐστιν, ὅταν ἑκατέρω τ' σχημάτων ἡγούμηνοί τε καὶ ἐπόμηνοι λόγοι ᾖσιν.

2

Reciprocae autem figuræ sunt, cùm in vtraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Ἄκρον καὶ μέσον λόγον εὐθεῖα τετμηθῆναι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἢ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, οὕτως τὸ μείζον πρὸς τὸ ἔλασσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cùm vt tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Υψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τῇ βάσει κείμενος ἀγόμενός τε.

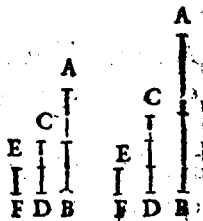
4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγος ἐκ λόγων συσχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πηλοχώτητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι ποιῶσιν τινα λόγον.

Ratio ex rationibus componi dicitur, cum rationū quantitates inter se multiplicatę aliquam effecerint rationem.



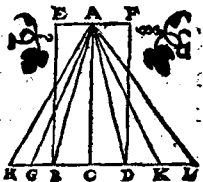
Προτάσις.

α

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλα ὅστιν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Propo. 1.

Triāgula & parallelogrāma, quorum eadem fuerit altitudo, ita se habent inter se vt bases.



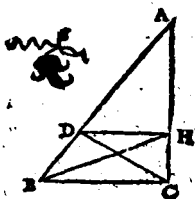
β

Εὰν τριγώνου περὶ μίαν τῆς πλευρῶν ἀρῇ πρὸς εὐθεῖα περὶ ἀλλήλος, ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τῶ τριγώνου πλευράς. καὶ εἰ αἱ τῶ τριγώνου πλευραὶ ἀνάλογον τμηθῶσιν, ἢ ὅτι τὰς τομαῖς ὅτι ζευγνυμένη εὐθεῖα, περὶ τὴν λοιπὴν ἔσται τῶ τριγώνου πλευρῶν περὶ ἀλλήλος.

Theor. 2. Propo. 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela ducta

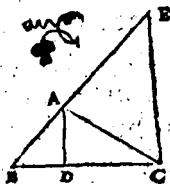
fuerit recta quædam linea: hæc proportio-
naliter secabit ipsius trian-
guli latera. Et si trianguli
latera proportionaliter se-
cta fuerint: quæ ad sectio-
nes adiuncta fuerit recta li-
nea, erit ad reliquū ipsius
trianguli latus parallelā.



Εάν τριγώνου γωνία διχα τμηθῇ, ἡ δὲ τέμνουσα πρὸς
γωνίαν εὐθεῖα τέμνῃ καὶ πρὸς βάσιν, τὰ τῆς βάσεως
τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς ὥς τρι-
γώνου πλευραῖς, καὶ εἰάν τὰ τῆς βάσεως τμήματα,
τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς ὥς τριγώνου πλευ-
ραῖς, ὁπότε τῆς κορυφῆς ὅτι πρὸς τομὴν ὅτι ζευγνυ-
μένη εὐθεῖα διχα τέμνῃ πρὸς τὴν τριγώνου γωνίαν.

Theor. 3. Propo. 3,

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, se-
cans autem angulum recta linea secuerit &
basin: basis segmenta eandem habebunt
rationem, quam reliqua
ipssus trianguli latera. Et
si basis segmenta ean-
dem habeant rationem
quam reliqua ipsius tri-
anguli latera, recta li-



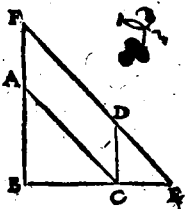
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius angu-
lum.

δ

Τῶν ἰσογωνίων τριγώνων, ἀνάλογον εἰσιν αἱ πλευ-
ραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ
ταῖς ἴσας γωνίας ὑπολείνθαι πλευραί.

Theor. 4. Propo. 4.

Æquiangulorum triangulorū proportio-
nalia sunt latera, quæ cir-
cum æquales angulos, &
homologa sunt latera, quæ
æqualibus angulis subten-
duntur.

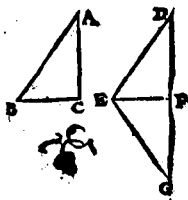


ε

Εὰν δύο τρίγωνα ᾗς πλευραὶ ἀνάλογον ἔχῃ, ἰσο-
γώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας ὑφ'
αἷς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑπολείνθαι.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triangula latera proportionalia ha-
beant, æquiangula erunt
triangula, & æquales ha-
bebunt eos angulos, sub
quibus & homologa late-
ra subtenduntur.



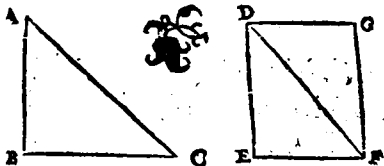
Εάν δύο τρίγωνα ^Γ μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ,
 καὶ δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας,
 ὑφ' αἷ αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑπολείνθαι.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangula erunt trian-

gula, æqualesque habebunt angulos, sub quibus ho-

mologa latera subtenduntur.

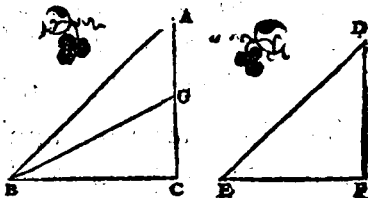


Εάν δύο τρίγωνα ^Ζ μίαν γωνίαν μιᾷ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ,
 καὶ δὲ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέραν ἅμα ἢ τοὶ ἐλάσσονα ἢ μὴ
 ἐλάσσονα ὀρθῆς, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴ-
 σας ἔξει τὰς γωνίας, καὶ αἱ ἀνάλογον εἰσὶν αἱ
 πλευραὶ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angulos la-

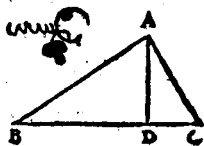
tera proportionalia habeant, reliquorum
verò simul vtrunque aut minorem aut non
minorem recto: æquiangula erunt triangu-
la, & equa-
les habe-
būt eos an-
gulos, cir-
cum quos
proportio-
nalia sunt latera.



Εάν ἐν ὀρθογωνίῳ τρίγωνῳ, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ὅπου
τετὴν βάσιν κατέγεται ἡ ἀκμή, τὰ πρὸς τῇ κατέγεται τρί-
γωνα ὁμοιά ἐστὶ πᾶσι τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις.

Theor. 8. Propo. 8.

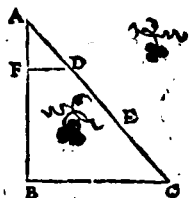
Si in triangulo rectangulo, ab angulo recto
in basin perpendicularis
ducta sit, quæ ad perpen-
dicularem triangula, tum
toti triángulo, tum ipsa in-
ter se similia sunt.



Τῆς δοθείσης εὐθείας τὸ πρὸς ταχθεὶν μέρος ἀ-
φελεῖν.

Probl. 1. Propo. 9.

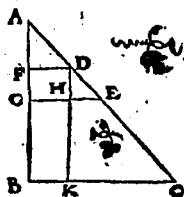
A data recta linea imperatam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀτμήκον, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τέμνουσῃ ὁμοίως τεμεῖν.

Probl. 2. Propo. 10.

Datam rectam lineam infectam similiter secare, vt data altera recta secta fuerit.

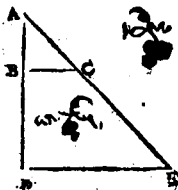


12

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, τρίτῃ ἀνάλογον προσευρεῖν.

Probl. 3. Propo. 11.

Duabus datis rectis lineis, tertiam proportionalem adinuenire.

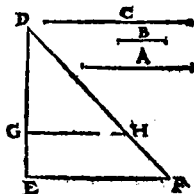


1β

Τριῶν δοθεισῶν εὐθειῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν.

Probl. 4. Propo. 12.

Tribus datis rectis lineis,
quartam proportionalem
adinuenire.

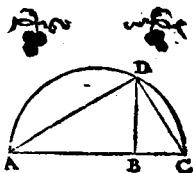


1γ

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, μέσλη ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν.

Probl. 5. Propo. 13.

Duabus datis rectis lineis,
mediam proportionalem
adinuenire.

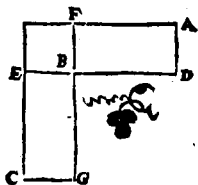


1δ

Τῶν ἴσων τε καὶ μίᾳ μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίᾳ
παλληλογραμμῶν, ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευ-
ραὶ, αἱ δὲ τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὧν παλληλο-
γραμμῶν μίᾳ μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίᾳ, ἀντιπε-
πόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ δὲ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα
ὅσιν ἐκείνα.

Theor. 8. Propo. 14.

AEQUALIUM, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

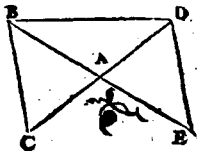


18

Τῶν ἴσων, καὶ μίαι μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίαι περιγώνων ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευραὶ, αἱ τρεῖς τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὧν μίαι μιᾷ ἴσῳ ἔχοντων γωνίαι ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευραὶ, αἱ τρεῖς τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ὄντι ἐκείνα.

Theor. 9. Propo. 15.

AEQUALIUM, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

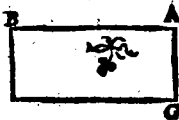
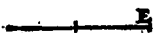


17

Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ· καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod sub mediis comprehenditur rectangulo. Et si sub extremis comprehensum rectangulum æquale fuerit ei, quod sub mediis continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.

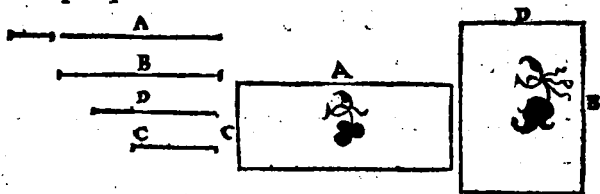


18

Εὰν ὅττις εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ· καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ ὅττις εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 17.

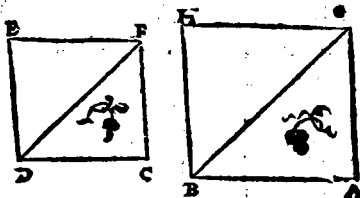
Si tres rectę lineę sint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illę tres rectę lineę proportionales erunt.



¹⁷
Απὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ὁμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον εὐθυγράμμον ἀναγράψαι.

Probl. 6. Propo. 18.

A data recta linea, dato recti lineo simile similiterque positum rectilineum describere.

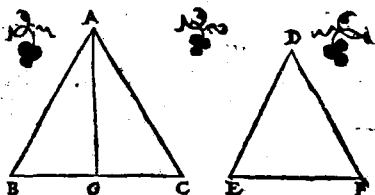


10

Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἀλλήλα ἐν διπλασίονι λόγῳ ὅτι τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 13. Propo. 19.

Similia tri-
angula in-
ter se sunt
in duplica-
ta ratione
laterū ho-
mologorum.

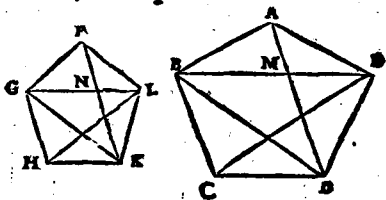


κ

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια τρίγωνα διαίρεται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὴν ὁμολογὴν πλευρᾶν πρὸς τὴν ὁμολογὴν πλευρᾶν.

Theor. 14. Propo. 20.

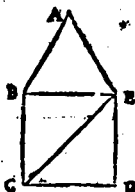
Similia po-
lygona in
similia tri-
angula di-
viduntur,
& nume-
ro æqua-
lia, & ho-
mologa to-
tis. Et po-
lygona du-



C

plicata

plicatam habent eam inter se rationem, quam latus homologū ad homologum latus.



κα

Τὰ πρὸς αὐτῶν ἐντύγραμμά ὁμοία, καὶ ἀλλήλοις ὅτιν ὁμοία.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidē rectilineo sunt similia, & inter se sunt similia.



καβ

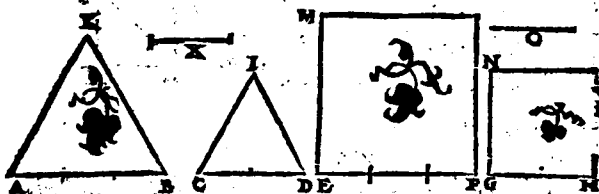
Εὰν πᾶσαρ ἐς ἐνθεῖα ἀνάλογον ᾖσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν ἐντύγραμμά ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἔσται. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν ἐντύγραμμά ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἢ, καὶ αὐτὰ αἰ ἐνθεῖα ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 16. Propo. 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similia similiterque descripta proportionalia erunt. Et si à re-

K

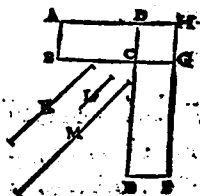
Et si lineis similia similiterque descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



κ γ
Τὰ ἰσώνια ὡς ἀλληλόγραμμα
πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχουσι τὸν
κείμενον ἐκ τῆς πλευρῆς.

Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogramma inter se rationem habent eam, quæ ex lateribus componitur.



κ δ

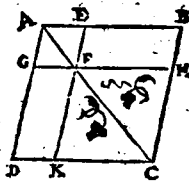
Παρὰ τὸς ὡς ἀλληλόγραμμοι τὰ πρὸς τὴν ἀξίαν
ἔχοντες ὡς ἀλληλόγραμμοι, ὁμοίᾳ ὅτι πρὸς τὸν ὅλον καὶ
ἀλλήλοις.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogrammo, quæ circa dia-

metrú sunt parallelográ-
ma, & toti & inter se sunt
similia.

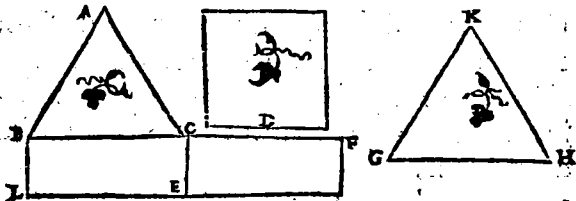
κε



Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ὁμοιον, ἢ ἄλλῳ τῷ δοθέντι
ἴσוקτό αὐτὸ συστήσασθαι.

Proble. 7. Propo. 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æqua-
le idem constituere.

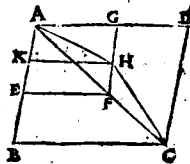


κε

Εὰν ὁπὸ ὡς ἀλληλοζάμμου ὡς ἀλληλόζαμ-
μον ἀφαρεθῇ ὁμοίον τε τῷ ὅλῳ ἢ ὁμοίως κείμενον,
κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, τότε πρὸς αὐτὸν ἀξίμε-
ζόν ἐστὶ τῷ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallelogrammo pa-
rallelogrammū ablatum
fit & simile toti & simili-
ter positum communem



K ij

cum eo habens angulum, hoc circum eandē cum toto diametrum consistit.

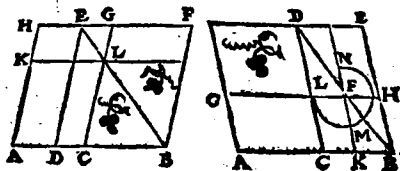
x ζ

Πάντων τῶν περὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν περὶβαλλομένων περὶαλληλογράμμων, καὶ ἐλλείποντων εἶδους περὶαλληλογράμμοις ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κειμένοις τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφομένῳ, μέγιστον ὅστις τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας περὶαβαλλόμενον περὶαλληλόγραμμον, ὁμοίον ὄν τῷ ἐλλείματι.

Theor. 20. Propo. 27.

Omnium parallelogrammorum secundum eandem rectam lineam applicatorum deficientiumque figuris parallelogrammis similibus similiterque positis ei, quod à dimidia describitur,

maximū id est quod ad dimidiā applicatur parallelogrammum, simile existens defectui.



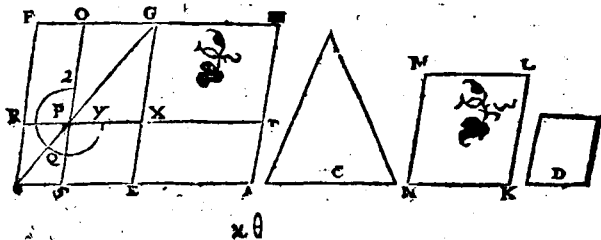
x η

Παρά τινι δοθεῖσαν εὐθεΐαν, τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον περὶαλληλόγραμμον περὶαβαλεῖν, ἐλλείπον εἶδει περὶαλληλογράμμῳ ὁμοίῳ ὅστις τῷ δοθέντι. δεῖ δὴ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, ᾧ δεῖ

ἴσον ὡραβαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς ἡμυσείας ὡραβαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλφεμάπων, τῷ τε ἀπὸ τῆς ἡμυσείας καὶ ὧ δει ὁμοιον ἐλλείπειν.

Probl. 8. Propo. 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo æquale parallelogrammū applicare deficiens figura parallelogramma, quæ similis sit alteri rectilineo dato. Oportet autem datum rectilineum, cui æquale applicandū est, non maius esse eo quod ad dimidiam applicatur, cū similes sint defectus, & eius quod à dimidia describitur, & eius cui simile deesse debet,

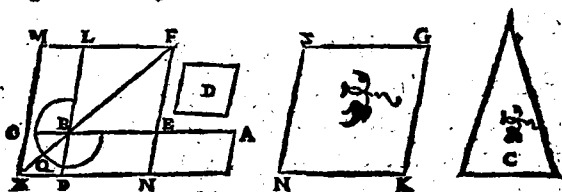


Παρά τιμὴ δοθεῖσαι, εὐθεῖαν τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον ὡραλληλόγραμμον ὡραβαλεῖν ὡραβαλλον εἶδ' ὡραλληλόγραμμῳ ὁμοίῳ τῷ δοθέντι

Probl. 9. Propo. 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo

æquale parallelogrammum applicare, excedens figura parallelogramma, quæ similis sit parallelogrammo alteri dato.

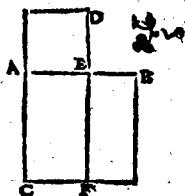


λ

Τὴν περὶ τὴν εὐθεΐαν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμεῖν.

Probl. 10. Propo. 30.

Propositam rectam lineam terminatam, extrema ac media ratione secare.



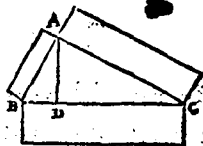
λ.α

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ὑπὸ τῆς πρὸς ὀρθὴν γωνίαν ὑποκείνουσας πλευρὰς εἶδος ἴσον ὅς τὸ τοῖς ὑπὸ τῆς πρὸς ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν εἶδος τοῖς ὁμοίοις, καὶ ὁμοίως ἀναγεγομμένοις.

Theor. 21. Propo. 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis à latere rectum angulum subtendente descri-

pta æqualis est figuris, quæ
priori illi similes, & simili-
ter positæ à lateribus rectū
angulū continentibus de-
scribuntur.

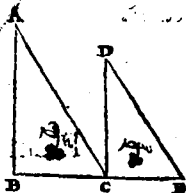


λβ

Εὰν δύο τρίγωνα (ωστε) ἢ καὶ μίαν γωνίαν τὰς δύο
πλευρὰς τῶν δύο πλευρῶν ἀνάλογον ἔχοντα,
ὥστε τὰς ὁμολόγοις αὐτῶν πλευρὰς καὶ τὴν ἐπι-
λοίαν εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευρῶν ἐπ' ἐ-
υθείας ἔσονται.

Theor. 22, Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus la-
teribus proportionalia habeant, secundum
unū angulum composita
fuerint, ita ut homologa
eorum latera sint etiā pa-
rallela, tum reliqua illorū
triangulorum latera in re-
ctam lineam collocata re-
perientur.



λγ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον
ἔχουσι τῶν περιφερείας, ἐφ' ὧν βεβήκασι, εἰάν-
τε πρὸς τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς τῶν περιφε-
ρείας ὡς βεβηκῶν. ἐπεὶ δὲ καὶ οἱ τομῆς, ἅτε πρὸς.

Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habēt
rationē cum ipsis peripheriis in quibus in-
sunt, siue ad centra, siue ad peripherias cō-

stituti illis
insistāt pe-
ripheriis.

Insuper
verò &
sectores,

quippe
qui ad cē-
tra consi-
stunt.



Elementi sexti finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

Ε'ΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEPTIMVM.

Ο'ΡΟΙ.

a

MΟνάς ἓστι, καὶ ὡς ὁ ἕνατον τῆς ὄντων ἐν λέ-
γεται.

DEFINITIONES.

I

Vnitas est, secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Ἀριθμὸς δὲ, τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita
multitudo.

^γ
Μέρος ὅτιν, ἀειθμός ἀειθμῶ ὁ ἐλάσσων τῷ μείζοντι, ὅταν καταμετρηῇ τὸν μείζονα.

³
Pars est, numerus numeri minor maioris, cum minor metitur maiorem.

^δ
Μέρη δὲ, ὅταν μὴ καταμετρηῇ.

⁴
Partes autem, cum non metitur.

^ε
Πολλαπλάσιος δὲ, ὁ μείζων τῷ ἐλάττωτος, ὅταν κατὰ μετρηῇται ὑπὸ τῷ ἐλάττωτος.

⁵
Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem metitur minor.

⁶
Ἄρπος δὲ ἀειθμός ὅτιν, ὁ δίχα διαιρούμενος.

⁷
Par numerus est, qui bifariam diuiditur.

⁸
Περίσσιος δὲ, ὁ μὴ διαιρούμενος δίχα. ἢ, ὁ μονάδι διαφέρων ἀρτίῳ ἀειθμῶ.

⁹
Impar verò, qui bifariam nō diuiditur. vel, qui vnitate differt à pari.

¹⁰
Ἀρπάζεις ἄρπος ἀειθμός ὅτιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀ-

ριθμῷ μετ' ἑαυτοῦ ὅσον ἀριθμὸν.

8

Pariter par numerus est, quem par numerus metitur per numerum parem.

θ

Ἀρπίακίς δὲ πλείονος ὅστις, ὃ ὑπὸ ἀρπίου ἀριθμῷ μετ' ἑαυτοῦ ὅσον ἀριθμὸν.

9

Pariter autem impar est, quem par numerus metitur per numerum imparem.

Πλειασάκίς δὲ πλείονος ὅστις ἀριθμὸς, ὃ ὑπὸ πλειασῶ μετ' ἑαυτοῦ ὅσον ἀριθμὸν.

10

Impariter verò impar numerus est, quē impar numerus metitur per numerū imparē.

1α

Πρῶτος ἀριθμὸς ὅστις, ὃ μονάδι μόνῃ μετ' ἑαυτοῦ.

11

Primus numerus est, quem vnitas sola metitur.

1β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μετ' ἑαυτοῦ κοινῶ μέτρω.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

17

Συνήθετος ἀριθμός ἐστιν, ὃ ἀριθμῶ πινὶ μετ' ἑαυτοῦ.

13

Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

18

Συνήθετοι δὲ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ πινὶ μετ' ἑαυτοῦ κοινοῦ μέτρου.

14

Compositi autē inter se numeri sunt, quos numerus aliquis mēsurā cōmunis metitur.

16

Ἀριθμός ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τοσαυτάκις (σωτῇ) ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

15

Numerus numerum multiplicare dicitur, cū toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicāte unitates, & procreatus fuerit aliquis.

17

Ὅταν δὲ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι πινά, ὃ γινόμενος ἐπίπεδος καλεῖται, πλευραὶ δὲ αὐτῶ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

16

Cū autem duo numeri mutuò sese mul-

tiplicantes quempiã faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicetur.

15

Οἱ τὰν δὲ τρεῖς ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλοις ποιῶσι πλά, ὁ γενόμενος τερεὸς χαλεῖται, πλευρὰ δὲ αὐτῶ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλοις ἀριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicâtes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

17

Τετράγωνος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ὑπὸ δύο ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

18

Quadratus numerus est, qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

18

Κύβος δὲ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ὑπὸ τριῶν ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris cōtinetur.

x

Ἀριθμοὶ ἀνάλογον εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τῷ δευτέρῳ
 καὶ ὁ τρίτος τῷ τετάρτῳ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιος, ἢ
 τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾖσιν,

20

Numeri proportionales sunt, cum primus
 secundi, & tertius quarti æquæ multiplex
 est, vel eadem pars, vel eadem partes.

xα

Ὅμοιοι ὅπῃ πεδδοὶ καὶ στεροὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλο-
 γον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui pro-
 portionalia habent latera.

xβ

Τέλφος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ποῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖν.

22

Perfectus numerus est, qui suis ipsius parti-
 bus est æqualis.

Προτάσις.

α

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀρίστων ἐκκειμένων, αἰσφαμου-
 μένου αἰ τῷ ἐλάσσονος ἀπὸ τῷ μείζονος ὁ λειπό-
 μενος μηδέποτε κατὰ μετῇ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕως οὐ
 ληφθῇ μονὰς, οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς
 ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 1. Prop. 1.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadã detractioe, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit vnitas: quĩ principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

A

H

:

:

:

B

C

G

:

D

β

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλοις, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Probl. 1. Prop. 2.

Duobus numeris datis nō primis inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.

A

:

:

E

E

:

D

A

:

E

:

B

C

F

:

D

γ

Τεσσάρων ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλοις, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Problema 2.

Propo. 3.

Tribus numeris datis non primis

A

B

C

D

E

8

6

4

2

3

A

B

C

D

E

F

18

12

8

6

2

3

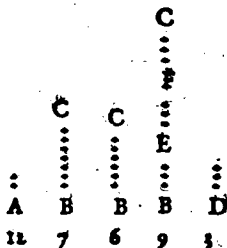
inter se, maximam eorum communem mēsuram reperire.

Δ

Πᾶς ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τῷ μείζονος ἢ τοι μέρος ὅστιν, ἢ μέρος.

Theor. 2. Propo. 4.

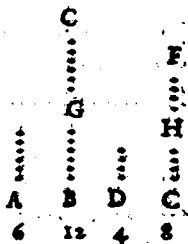
Omnis numerus cuiusque numeri, minor maioris aut pars est, aut partes.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρος συναμφοτέρων τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται, ὅταν ὁ εἷς τῶ ἐνός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars fuerit, & alter alterius eadem pars, & simul vterque vtriusque simul eadē pars erit, quæ unus est vnius.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ἦ, καὶ συναμφοτέρος συναμφοτέρων τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται, ὅταν ὁ εἷς τῶ ἐνός.

Theor.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alterius
eædem partes, & simul
vterquevtriusque simul
eædem partes erunt, quæ
sunt vnus vnus.

B		E	
⋮		⋮	
H		H	
⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	F
6	9	8	12

ζ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, ὅτῳ ἀφαιρεθεὶς ἀφαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ὅτῳ ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	⋮
	F
	⋮
B	⋮
⋮	⋮
E	C
⋮	⋮
A	G
6	16

η

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, ὅτῳ ἀφαιρεθεὶς ἀφαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται ὅτῳ ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

L

Theor.6. Propo.8.

Si numerus numeri eadem
sint partes quæ detractus de-
tracti, & reliquus reliqui eæ-
dem partes erunt, quæ sunt
totus totius.

B
E
L
A
C
D
F
C

11 12
G...M.K...N.H.

θ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ
αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος ὅσιν ἢ μέρη ὁ πρῶτος τῶ
τρίτῳ, τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ
δευτέρος τῶ τετάρτῳ.

Theor.7. Propo.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadem
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tii, eadē pars erit vel eæ-
dem partes & secundus
quarti.

C
G
A
B
D
E
F
H
E
10

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ, ἂ μέρη ὅσιν ὁ πρῶτος τῶ
τρίτῳ ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται καὶ ὁ δευτέρος τῶ
τετάρτῳ, ἢ μέρος.

Theor. 8. Propo. 10.

Si numerus numeri partes
sint, & alter alterius eadē
partes, etiam vicissim quæ
sunt partes aut pars pri-
mus tertii, eadem partes
erunt vel pars & secundus
quarti.

		E	
		⋮	⋮
H		⋮	⋮
⋮		H	⋮
G	⋮	⋮	⋮
⋮		⋮	⋮
A	C	D	F
4	6	10	18

1α

Εὰν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαρθεὶς πρὸς ἀφα-
ρθέντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος
πρὸς ὅλον.

Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodū se habet totus ad
totum, ita detractus ad detractum,
& reliquus ad reliquum ita habe-
bit vt totus ad totum.

	D
B	⋮
⋮	⋮
E	F
⋮	⋮
A	C
6	8

1β

Εὰν ὅσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον, ἔσται ὡς εἶς
τῶν ἡγευμένων πρὸς εἶνα τῶν ἐπομμένων, οὕτως ἀ-
παντες οἱ ἡγευμένοι πρὸς ἀπαντας τοὺς ἐπομμένους.

Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcūque nume-
ri proportionales, quem-
admodum se habet vnus

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	6	3	2

antecedentium ad vnum sequentium, ita

L. ij

se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

¹⁷
Εὰν πένταρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾖσι, καὶ ἐναλλάξ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint pro-
portionales, & vicissim pro-
portionales erunt.

$$\begin{array}{cccc} \dot{\dot{A}} & \dot{\dot{B}} & \dot{\dot{C}} & \dot{\dot{D}} \\ A & B & C & D \\ 12 & 4 & 9 & 3 \end{array}$$

¹⁸
Εὰν ᾧσιν ὅποσοιούνη ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι
τὸ πλῆθος ζυγὸν λαμβανόμενοι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λό-
γῳ, καὶ δι' ἴσος ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcūque
numeri & alii illis
æquales multitu-
dine, qui bini sumantur & in eadem ratio-
ne: etiam ex æqualitate in eadem ratione e-
runt.

$$\begin{array}{cccccc} \dot{\dot{A}} & \dot{\dot{B}} & \dot{\dot{C}} & \dot{\dot{D}} & \dot{\dot{E}} & \dot{\dot{F}} \\ A & B & C & D & E & F \\ 12 & 6 & 3 & 8 & 4 & 2 \end{array}$$

¹⁶
Εὰν μονὰς ἀριθμὸν πᾶσα μετρή, ἰσάκως δὲ ἑτέρος ἀ-
ριθμὸς ἄλλον πᾶσα ἀριθμὸν μετρή, καὶ ἐναλλάξ ἰσά-
κως ἢ μονὰς τὸν τρίτον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ ὁ δεύτερος
τέταρτον.

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerum quem-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quendam
numerus æquè metiatur,
& vicissim vnitas tertium
numerus æquè metietur
atque secundus quartum.

				F
	C			∴
	H			L
	G			∴
				K
				∴
A	B	D	E	
1	3	2	6	

¹⁵
Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαις ἀλλήλοις
ποιῶσι πινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ἔσονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-
tuò sese multiplicā-
tes faciant aliquos,
qui ex illis geniti fuerint inter se æquales e-
runt.

	∴	∴	∴	∴
E	A	B	C	D
1	2	4	8	8

¹⁶
Εὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῇ
πινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι
πολλαπλασιασθεῖσι.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans

faciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt eandem ra-
tionem habebunt quam multiplicati.

17

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιάσαν-
τες ποιῶσι πινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν
ἔξουσιν λόγον τοῖς πολλαπλασιάσαι.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eādem habebunt ratio-
nem, quam qui illum multiplicarunt.

18

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ὅκ τοῦ
πρώτου καὶ τετάρτου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος ἔσται τῷ
ὅκ τῷ δευτέρου καὶ τρίτου γινόμενῳ ἀριθμῷ. καὶ εἰ
ὁ ὅκ τῷ πρώτῳ καὶ δευτέρῳ γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος
ἢ τῷ ὅκ τῷ δευτέρῳ καὶ τρίτῳ, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales, qui
ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex
secundo & tertio: & si qui ex primo & quar-
to fit numerus, æqualis fit ei qui ex secun-

bo & tertio, $\begin{array}{ccccccc} \dot{\text{A}} & \dot{\text{B}} & \dot{\text{C}} & \dot{\text{D}} & \dot{\text{E}} & \dot{\text{F}} & \dot{\text{G}} \\ \text{6} & 4 & 3 & 2 & 12 & 12 & 18 \end{array}$
 illi quatuor
 numeri proportionales erunt.

κ

Εὰν πρῆς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ὑπὸ τῆς ἀκρων, ἴσος ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσου. εἰ δὲ ὁ ὑπὸ τῆς ἀκρων, ἴσος ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσου, οἱ πρῆς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab extremis continetur, æqualis est ei qui à medio efficitur. Et si qui ab extremis continetur, æqualis sit ei qui à medio describitur, illi tres numeri proportionales erunt,

$$\begin{array}{ccc} \dot{\text{A}} & \dot{\text{B}} & \dot{\text{C}} \\ 9 & 6 & 4 \\ \dot{\text{D}} & & \\ 6 & & \end{array}$$

κα

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῆς τὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, μένουσι τοῖς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἰσάκεις, ὅ, τε μείζων τὸν μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omnium qui eandem cum eis rationem habent, æqualiter metiuntur numeros ean-

$$\begin{array}{cccc} \dot{\text{D}} & \dot{\text{L}} & & \\ \dot{\text{G}} & \dot{\text{H}} & & \\ \dot{\text{C}} & \dot{\text{E}} & \dot{\text{A}} & \dot{\text{B}} \\ 4 & 3 & 8 & 6 \\ \text{L} & \text{iiii} & & \end{array}$$

dem rationem habētes, maior quidē maiorē, minor verò minorem.

κβ

Εὰν ὅσι πρῆς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος, (μῦθο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ δὲ τετραγμῶν αὐτῶν ἐκ ἀναλογίας, καὶ δι' ἴσας ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἴσονται).

Theor. 20. Propo. 22

Si tres sint numeri & alii multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadem ratione, sit autem perturbata eorum proportio, etiam ex æ-

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$
6	4	3	12	8	6

qualitate in eadē ratione erunt.

κγ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι εἰσὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omniū eandem cum eis rationem habentium.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$
5	6	2	4	3

κδ

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Theorem 22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis rationem habentium, primi sunt inter se.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
8	6	4	3	2

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, ὁ τὸν ἓνα αὐτῶν μετῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alterutrum illorum metitur
 numerus, is ad reliquum
 primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
6	7	3	4

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς πᾶσι ἀριθμὸν πρῶτοι ᾧσιν, καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γινόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad
 quempiam numerū
 primi sint, ad eūdem
 primus is quoque fu-
 turus est, qui ab illis
 productus fuerit.

⋮				
⋮				
B	⋮	⋮		
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	E	F
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

κ ζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, ὁ ὅτε
τῶ εἰδὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν λοιπὸν, πρῶ-
τος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter
se, qui ab vno eorum gignitur
ad reliquum, primus erit.

⋮	⋮	⋮
B		
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	3

κ η

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέρω πρὸς
ἐκάτερον πρῶτοι ᾦσιν, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν γενόμενοι πρῶ-
τοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad
vtrumque, primi
sint, & qui ex eis
gignentur, primi
inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
3	5	15	2	4	8

κ θ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, καὶ
πολλαπλασιάσας ἐκάτερος ἑαυτὸν ποιῇ πινά, οἱ
γενόμενοι ἐξ αὐτῶν, πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.
καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς τοῖς γενομένοις πολλαπλασιά-
σαντες ποιῶσι πινάς, καὶ κείνοι πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
λους ἔσονται, καὶ αἰὲν πρὸς τοὺς ἀκέρους τῶ το συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicans vterque seipsum precreet aliquem, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quod si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, effecerint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idē

hoc semper eueniet.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{F}$
3	6	27	4	16	63

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσι, καὶ
 συναμφοτέρως πρὸς ἑκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται·
 καὶ εἰ συναμφοτέρως πρὸς ἑκάστην αὐτῶν πρῶτος
 ᾧ, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν ἀριθμοὶ, πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
 λους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam si-
 mul vterque ad vtrunque illorum primus
 erit. Et si simul vterque ad v-
 num aliquem eorum primus
 sit, etiam qui initio positi
 sunt numeri, primi inter se erunt.

Ἄρα πᾶς πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀριθμὸν, ὃν
 μὴ μερεῖ, πρῶτός ἐστιν.

Theor. 29. Prop. 31.

Omnis primus numerus ad omnē
 numerum quem nō metitur, pri-
 mus est. $\lambda \beta$

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$
7	10	5

Εὰν δύο ἀειθμοὶ πολλαπλασιάσῃτες ἀλλήλοις
 ποιῶσι πινά, τὸν δὲ γινόμενον ἐξ αὐτῶν μετρήῃ τις
 πρῶτος ἀειθμὸς, καὶ εἴα τῷ ἐξ ἀρχῆς μεβῆται.

Theor. 30. Prop. 32.

Si duo numeri sese mutuò multiplicātes fa-
 ciant aliquem, hūc autem ab illis productū
 metiatur primus quidam numerus, is alterū
 etiā metitur eorū qui initio
 positi erant. $\lambda \gamma$

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$
2	6	12	3	4

Ἄπας ζυγὴτος ἀειθμὸς, ὅπου πρῶτος πινὸς ἀριθμὸς
 μεβῆται.

Theor. 31. Prop. 33.

Omnē compositū numerū aliquis
 primus metitur. $\lambda \delta$

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$
27	9	3

Ἄπας ἀειθμὸς ἥτοι πρῶτος ὅστις, ἢ ὅπου πρῶτος πι-
 νὸς ἀειθμὸς μεβῆται.

Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numerus aut primus est,
 aut eum aliquis primus metitur. $\lambda \epsilon$

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{C}}$
3	6	3

Ἀειθμὸς δὲ δοθέντων ὁποσωνοῦ, εὐρεῖν τοὺς ἐλαχίστους
 τῷ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Prop. 35.

Numeris datis quotcunque, reperire mini-

mos omnium qui eandem cum illis rationem habeant.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{E} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{F} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{G} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{H} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{K} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{I} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{M} \end{smallmatrix}$
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λ Ϛ

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμόν.

Probl. 4. Propo. 36.

Duobus numeris datis, reperire quem illi minimum metiantur numerum.

⋮	⋮	⋮		⋮	
⋮	⋮		⋮	⋮	
A	C	D	E	F	
7	12	8	4	5	
⋮	⋮				
A	B				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
F	E	C	D	G	H
6	9	12	9	2	3

λ ϛ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμόν τινα μετρώσι, ἢ ὁ ἐλάχιστος ὑπ' αὐτῶν μετρεῖ μέγιστος τὸν αὐτὸν μετρήσῃ.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum quempiam metiantur, & minimus quē illi metiuntur eundem metietur.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{E} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \end{smallmatrix}$
2	3	6	12

λ η

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμόν.

Probl. 5. Propo. 38.

Tribus numeris datis, reperire quem

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{E} \end{smallmatrix}$
3	4	6	12	8

minimum nume-
rum illi metiatur.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
3	6	8	12	24	16

$\lambda\theta$

Εὰν ἀριθμὸς ὑποπινὸς ἀριθμῷ μετρήται, ὁ με-
τρεῖσθαι ὁμῶνυμον μέρος ἔξει τῷ μετρούμῳ.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerus quispiam numerum metiatur,
mensus partem habe-
bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	3	1

μ
Εὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχῃ ὅποιον, ὑποὸ ὁμῶνυμου ἀ-
ριθμοῦ μετρηθήσεται τῷ μέρει.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit
quamlibet, illū metietur nu-
merus parti cognominis.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
8	4	2	1

$\mu\alpha$
Ἀριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὢν, ἔξει τὰ δοθέντα μέρη.

Probl. 6. Propo. 41.

Numerum reperire, qui
minimus cū sit, datas
habeat partes.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

Ο' ΓΔΟΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM OCTAVVM.

α.

ΕἌν ὧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοισ ὧσιν, ἐλάχιστοὶ εἰσι τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcunque numeri deinceps proportionales, quorum extremi sint inter se primi, minimi sunt

A	B	C	D	E	F	G	H
8	12	18	27	6	8	12	18

omnium eandem cum eis rationem habentium,

β

Ἀριθμοὶ εὐρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστους, ὅσοις
ᾧτινάξῃ πῖς ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ.

Probl. 1. Propo. 2.

Numeros reperire deinceps proportionales
minimos, quotcunque iusserit quispiam in
data ratione.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{F}}$	$\dot{\text{G}}$	$\dot{\text{H}}$	$\dot{\text{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Εὰν ᾧσιν ὅποσσιουῷ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχι-
στοι τῷ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι
αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶ.

Theor. 2. Propo. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales minimi habentium eandē cum
eis rationem, illorum extremi sunt inter se
primi.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{F}}$	$\dot{\text{G}}$	$\dot{\text{H}}$	$\dot{\text{K}}$	$\dot{\text{L}}$	$\dot{\text{M}}$	$\dot{\text{N}}$	$\dot{\text{O}}$
27	36	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὅποσωνουῷ ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς,
ἀριθμοὺς εὐρεῖν ἐξῆς ἐλαχίστους ἐν τοῖς δοθεῖσι
λόγοις.

Pro-

Probl. 2. Propo. 4.

Rationibus datis quotcunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12

Οἱ ὀπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσι τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theor. 3. Propo. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16

Εὰν ᾧσιν ὅποσιοιῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μεβεῖ, οὐδεὶς ἄλλος ἕδνα μετρήσῃ.

Theor. 4. Propo. 6.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, pri-

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	82	4	6	9

mus autem secundum non metiatur, neque alius quisquam vllum metietur.

§

Εὰν ὧσιν ὅποσσιον αἰριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν ἑσχατον μετρεῖ, καὶ τὸν δεύτερον μετρήσῃ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem extremum metiatur, is etiam secundum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
4	6	12	24

¶

Εὰν δύο αἰριθμοὶ μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλωσιν αἰριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλουσιν αἰριθμοί, ποσούτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theor. 6. Propo. 8.

Si inter duos numeros medii continua pro-

Εὰν δύο ἀριθμοὶ καὶ μονάδος μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπέπωσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἑκατέρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἕξῃς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπέπωσιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχές ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theor. 8. Propo. 10.

Si inter duos numeros & unitatem continuè proportionales incidant numeri, quot inter utrunque ipsorum & unitatem deinceps medii cōtinua proportione incidunt numeri, totidem & inter illos medii continua proportione incident.

⋮		⋮		⋮		⋮
A		K		L		B
27	⋮	36	⋮	48	⋮	64
	E		H		G	
	9		12		16	
		D		F		
		3		4		
			C			
			1			

Δύο τετραγώνων ἀριθμοὶ εἰς μέσους ἀνάλογός ἐστιν ἀριθμός. καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ ὡς ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theor. 9. Propo. 11.

Duorum quadratorum numerorum vnus medius proportionalis est numerus: & qua-

dratus ad quadratum	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
duplicatam habet la-	A	C	E	D	B
teris ad latus rationē.	9	3	12	4	16

16

Δύο κύβων ἀριθμοὶ δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὴν πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo medii proportionales sunt numeri : & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

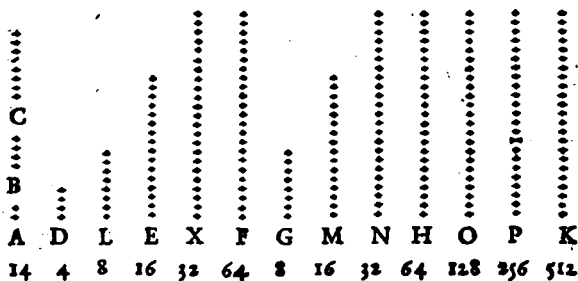
17

Εάν ᾧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἑαυτὸν ποιῇ πινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἐὰν οἱ ἑξάρχῃς τοῖς γινόμενοις πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι πινὰς, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἰεὶ πρὸς τοὺς ἀκροὺς τὸ αὐτὸ συμβαίνη.

Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, & multiplicans quisque seipsum

faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt: & si numeri primùm positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18

Εὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρήῃ, καὶ ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρήσῃ. καὶ εἰ ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρήῃ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 12. Propo. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerū metiatur, & latus vnus metietur latus alterius. Et si vnus quadrati latus metiatur latus alterius, & quadratus quadratum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	C	D
9	12	16	3	4

13

Εὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετῇ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεβῇσθ. καὶ εἰ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετῇ, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μεβῇσθ.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metiatur, & latus vnus metietur alterius latus. Et si latus vnus cubi latus alterius metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	E	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Εὰν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μὴ μετῇ, ὅδ' ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεβῇσθ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μετῇ, ὅδ' ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μεβῇσθ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum numerum non metiatur, neque latus vnus metietur alterius latus. Et si latus vnus quadrati non metiatur latus alterius, neque quadratus quadratū metietur,

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	3	4

M iiii

10

Δύο ὁμοίων στερεῶν ἀριθμοί, δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ στερεὸς πρὸς τὸν ὁμοιον στερεὸν βιπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medii proportionales incidunt numeri, & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologi ad latus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

x

Εάν δύο ἀριθμοί εἰς μέσους ἀνάλογον ἐμπίπτῃ ἀριθμοί, ὁμοιοὶ ὅτι περὶ ἔσονται ἀριθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius proportionalis incidat numerus, similes planierūt illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

κα

Εὰν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπέπωσιν
ἀριθμοί, ὅμοιοι τετεοὶ εἰσιν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Propo. 21.

Si inter duos numeros duo medii propor-
tionales incidant numeri, similes solidi sunt
illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κβ

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ πρῶτος
τετράγωνος ᾧ, καὶ ὁ τρίτος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps sint
proportionales, primus au-
tem sit quadratus, & tertius
quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

κγ

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ
πρῶτος κύβος ᾧ, καὶ ὁ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theor. 21. Propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps
sint proportionales,
primus autem sit cubus,
& quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν
τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὃ
δὲ πρῶτος τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος
ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se
quam quadratus numerus ad quadratū nu-
merum, primus autem
fit quadratus, & secun-
dus quadratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		B	C		D
4	6	9	16	24	36

κ ε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν
κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ δὲ πρῶτος
κύβος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant
quam cubus numerus ad cubum numerū,
primus autem cubus sit, & secundus cubus
erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216

κζ

Οἱ ὅμοιοι ὅτι πεδδι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσιν, ὅν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quam quadratus
 numerus ad quadratū
 numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κζ

Οἱ ὅμοιοι πρεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὅν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Theor. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

Ε' ΝΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM NONVM.

a.

Ε' Ἄν δύο ὅμοιοι ὁπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλα-
 σιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος
 τετράγωνος ἔσται.

Theor. 1. Propo. 1.

Si duo similes plani numeri mutuò sese mul-
 tiplicantes
 quédā pro-
 creent, pro-
 ductus qua-
 dratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	D	F	C
4	6	9	16	24	36

β

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαιες ἀλλήλοις ποιῶσι τετράγωνον, ὅμοιοι ἐπίπεδοί ἐσιν.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes quadratum faciāt, illi similes sunt plani.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		B	D		C
4	6	12	9	18	36

γ

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γνόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans procreet aliquem, productus cubus crit.

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
	D	D	A			B
Unitas.	3	4	8	16	32	64

δ

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γνόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubum numerū multiplicās quēdam procreet, procreatus cubus crit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	C
8	27	64	216

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-
σας κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος
ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quēdam mul-
tiplicans cubum pro-
creet, & multiplicatus
cubus erit.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	D	C
27	64	729	1728

Εάν ἀριθμὸς ἐαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ,
καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multipli-
cans cubum procreet, & ipse
cubus erit.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C
27	729	19683

Εάν συνθετός ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-
σας ποιῇ τινα, ὁ γινόμενος τερεὸς ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam numerū
multiplicans quem-
piam procreet, pro-
ductus solidus erit.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D	E
6	8	48	2	3

η

Εὰν ὅτ' ἀπὸ μονάδος ὅποιοιού' ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ μὲν τρίτος ὅτ' ἀπὸ τῆς μονάδος τετράγωνός ἐστιν, καὶ οἱ εἴα ἀγλαίποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο ἀγλαίποντες πάντες, ὁ δὲ ἑξῆς ὁμοῦ κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος, καὶ οἱ πέντε ἀγλαίποντες πάντες.

Theor. 8. Propo. 8.

Si ab vnitate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab vnitate quadratus est, & vnum intermittentes omnes: quartus autem cubus, & duobus intermissis omnes: septimus verò cubus simul & quadratus, & quinque intermissis omnes.

	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	27	81	243	729

θ

Εὰν ὅτ' ἀπὸ μονάδος ὅποιοιού' ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ δὲ μετὰ τῇ μονάδᾳ τετράγωνος ᾦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται, καὶ εἰάν ὁ μετὰ τῇ μονάδᾳ κύβος ᾦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theor. 9. Propo. 9.

Si ab vnitate sint quocunque numeri deinceps proportionales, fit autem quadratus

dratus is qui v-
nitatem sequi-
tur, & reliqui
omnes quadra-
ti erunt. Quòd
si qui vnitatem
sequitur cubus
sit, & reliqui
omnes cubi e-
runt.

quadrati.

531441 F 732969

59049 E 531441

6561 D 59049

729 C 6561

81 B 729

9 A 81

●

Vnitas.

cubi.

Εὰν ὁπὸ μονάδος ὁποσίουν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὦ-
σιν, ὁ δὲ μετὰ πλὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, ἔδ' ἄλ-
λος ἔδεις τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τῆς τρίτης ὁπὸ τῆς
μονάδος καὶ τῆς εἰς ἀφαιρέσεων πάντων. καὶ εἰ δὲ
μετὰ πλὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδ' ἄλλος οὐδεὶς
κύβος ἔσται, χωρὶς τῆς τετάρτης ὁπὸ τῆς μονάδος καὶ
τῆς δύο ἀφαιρέσεων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitatem numeri quocunque proportionales sint, non sit autem quadratus is qui vnitatem sequitur, neque alius ullus quadratus.

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vni-	A	B	C	D	E	F
tas.	1	9	36	81	243	729

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vni-	A	B	C	D	E	F
tas.	3	9	36	81	243	729

tus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittentibus. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, demptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermittentibus.

1α

Εὰν ὥστε μονάδος ὅποσοιού ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρεῖ κατὰ πᾶσα τὴν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiam eorum qui in proportionalibus sunt numeris.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \\ \vdots \end{smallmatrix}$
1	2	4	8	16

1β

Εὰν ὥστε μονάδος ὅποσοιού ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὑφ' ὧσιν, αὐτὸς ὁ ἔσχατος πρῶτων ἀριθμῶν μετρεῖται, ὑπὸ τῆς αὐτῶν καὶ ὁ πρῶτος τῶν μονάδα μετρήσεται.

Theor. 12. Propo. 12.

Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum

ultimum metiuntur, totidem & eum qui unitati proximus est, metientur.

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	4	16	64	256	2	8	32	128

Εὰν ᾖ τὸ μονάδος ὁποσοιῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον ᾖσιν, ὃ δὲ μετὰ τὴν μονάδα πρῶτος ἢ, ὃ μέγιστος ὑπὸ οὐδενὸς ἄλλου μετρήσειται παρέξ τῆς ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 13. Propo. 13.

Si ab unitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem sit qui unitatem sequitur, maximum nullus alius metietur, iis exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.

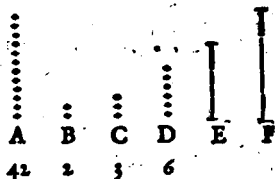
●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	3	9	27	81				

N ij

^{1d}
 Εάν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ πρώτων ἀριθμῶν με-
 τρήται, ὑπ' ἑδενὸς ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται πα-
 ρεῖς τῶν ἐξαρχῆς μετρούτων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
 merum primi ali-
 quot numeri me-
 tiantur, nullus a-
 lius numerus pri-
 mus illum metie-

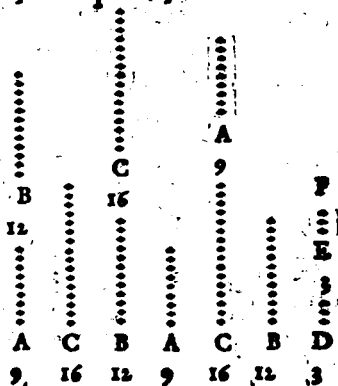


tur, iis exceptis qui primò metiuntur.

^{1e}
 Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ὡσιν ἐλάχιστοι
 τῶν αὐτῶν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν
 ζυγεθέντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοι εἰσίν.

Theor. 15. Propo. 15.

Si tres nume-
 ri deinceps
 proportiona-
 les sint mini-
 mi candē cum
 ipsis habentiū
 rationem, duo
 quilibet cōpo-
 siti ad tertium
 primi erunt.



15

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ᾦσιν, οὐκ ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτερος πρὸς ἄλλον πινά.

Theor. 16. Propo. 16.

Si duo numeri sint inter se primi, non se habebit quemadmodum primus ad secundum, ita secundus ad quempiam alium.

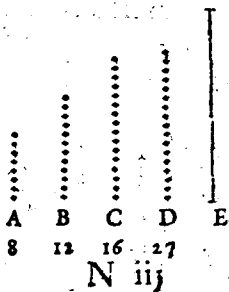


16

Εὰν ᾦσιν ὅσοι διηποτοῦν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ᾦσιν, οὐκ ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἔσχατος πρὸς ἄλλον πινά.

Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, quorum extremi sint inter se primi, nō erit quemadmodum primus ad secundum, ita ultimus ad quempiam alium.

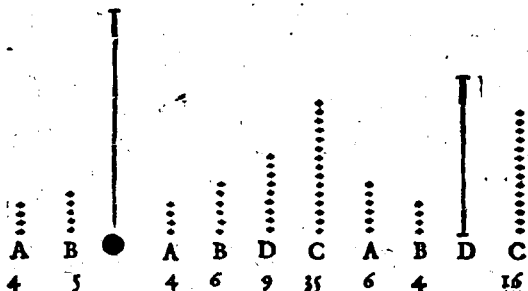


17

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, ὅτι σκέψασθαι εἰ δυνατὸν
ᾗ ἐστὶν αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, cōsiderare possitne
tertius illis inueniri proportionalis.

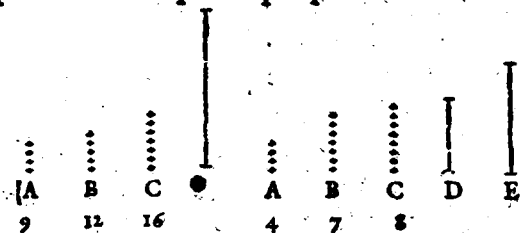


18

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ὅτι σκέψασθαι εἰ δυνα-
τὸν ᾗ ἐστὶν αὐτοῖς τέταρτος ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne
quartus illis reperiri proportionalis.

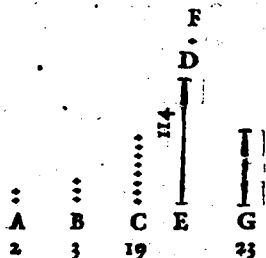


κ

Οἱ πρώτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰς παντὸς ὅτε περι-
γέιντο, πλήρεις πρώτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri plu-
res sunt quacūque
proposita multitu-
dine primorū nu-
merorum.

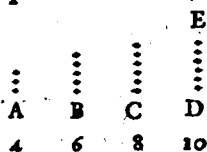


κα

Εὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὅποσσιουῶ συντεθῶσιν, ὁ ὅλος
ἄρτιός ἐστιν.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot-
libet compositi sint,
totus est par.



κε

Εὰν περιεργοὶ ἀριθμοὶ ὅποσσιουῶ συντεθῶσιν, τὸ δὲ
πλήθος αὐτῶν ἄρτιον ἢ ὅλος ἄρτιος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

N iiiij

ſint, ſit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.

⋮	⋮	⋮	E
A	B	C	D
5	9	7	3

κ γ

Εὰν ὡς αἰσὶν ἀριθμοὶ ὅποιοι ὦν ζυγεθῶσι, τὸ δὲ
πλῆθος αὐτῶν ὡς αἰσὶν ᾗ, καὶ ὅλος ὡς αἰσὶν ἔσται.

Theor. 23. Propo. 23.

Si impares numeri quot-
cunque compositi ſint,
ſit autem impar illorum
multitudo, & totus im-
par erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	E
5	7	8	2

κ δ

Εὰν ὡς ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἀρτίος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-
πὸς ἀρτίος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detractus
ſit, & reliquus par erit.

	B
⋮	⋮
A	C
6	4

κ ε

Εὰν ὡς ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ὡς αἰσὶν ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ὡς αἰσὶν ἔσται.

Theor. 25. Propo. 25.

Si de pari numero impar
detractus sit, & reliquus
impar erit.

⋮		B
⋮		⋮
⋮	•	⋮
A	C	D
8	1	4

Εὰν ἀπὸ ^{κ ε} πᾶσις ἀριθμῶν πᾶσις ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ἄρτιος ἔσται.

Theor. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit.

⋮	⋮	B
⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	C	D
4	6	1

Εὰν ἀπὸ ^{κ ζ} πᾶσις ἀριθμῶν ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, ὁ λοι-
πὸς πᾶσις ἔσται.

Theor. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

		B
•	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

Εὰν ^{κ η} πᾶσις ἀριθμὸς ἄρτιον πολλαπλασιάσας
ποιῇ πινά, ὁ γινόμενος ἄρτιος ἔσται.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans procreet quempiam, procreatus par erit.

$\chi\theta$

$\vdots$
A

$\vdots$
B

$\vdots$
C

3

4

12

Εὰν πᾶσις ἀριθμὸς πᾶσιν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος πᾶσις ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparé numerú multiplicás quendá procreet, procreatus impar erit.

$\vdots$
A

$\vdots$
B

$\vdots$
C

3

5

15

λ

Εὰν πᾶσις ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ τὸν ἡμισυν αὐτῷ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

$\vdots$
A

$\vdots$
C

$\vdots$
B

3

6

18

$\lambda\alpha$

Εὰν πᾶσις ἀριθμὸς πρὸς πινά ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ, καὶ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτῷ πρῶτος ἔσται.

Theor. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quēpiam primus sit, & ad illius duplú primus erit.

$\vdots$
A

$\vdots$
B

$\vdots$
C

$\vdots$
D

7

8

16

λβ

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἕκαστος ἀρπάκις ἀρπὸς ἐστὶ μόνον.

Theor. 32. Propo. 32.

Numerorum, qui à binario dupli sunt, vnusquisque pariter par est tantum.

Vnitas.

A

B

C

D

2

4

8

16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυ ἔχῃ πλειον, ἀρπάκις πλειονὸς ἐστὶ μόνον.

Theor. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat, pariter impar est tantum.

A

20

λδ

Εὰν ἀρπὸς ἀριθμὸς μήτε τῆς ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ, μήτε τὸν ἡμισυ ἔχῃ πλειον, ἀρπάκις, τε ἀρπὸς ἐστὶ καὶ ἀρπάκις πλειονός.

Theor. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec sit duplus à binario, nec dimidium impar habeat, pariter par est, & pariter impar.

A

20

λ ε

Εὰν ὧσιν ὅσοι διηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, ἀ-
φαιρεθῶσι δὲ ἀπὸ τε τῶ δευτέρου καὶ τῶ ἐσχάτου ἴσοι
τῷ πρώτῳ, ἔσται ὡς ἡ τῶ δευτέρου ὑπόλοιπὴ πρὸς
τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τῶ ἐσχάτου ὑπόλοιπὴ πρὸς τοὺς
πρὸ ἐαυτῆς ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportionales,
detrahantur autem de se-
cundo & ultimo æquales
ipsi primo, erit quemad-
modum secundi excessus
ad primum, ita ultimi ex-
cessus ad omnes qui vlti-
mum antecedunt.

			B
			⋮
			4
			⋮
			K
			4
	C		⋮
	⋮		⋮
	4		⋮
	G		⋮
	⋮		⋮
D	B	D	E
4	4	16	16

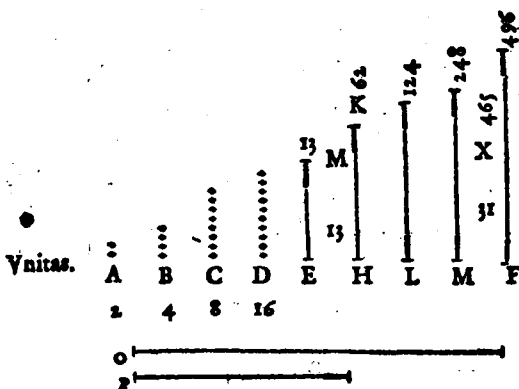
λ ς

Εὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἐκτε-
θῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογία ἕως οὗ ὁ σύμπαρ
ζευθεὶς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ὅτι τὸν
ἐσχάτον πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ πινά, ὁ γνώμενος
τέλος ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps

expositi sint in duplici proportionē quoad
 totus compositus primus factus sit, isque
 totus in ultimum multiplicatus quempiam
 procreet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM.

Ο' Ρ ΟΙ.

α

ΣΥμμετρα μέγῃ λέγεται, τὴ τοῦ αὐτοῦ μέ-
τρου μετρούμενα.

DEFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines dicun-
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Ασύμμετρα δὲ, ὧν μηδὲν ἐνδέχεται κοινὸν μέτρον
μετρεῖν.

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mēsuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθεῖαι δυνάμει σύμμετροί εἰσι, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα τῷ αὐτῷ ὡς εἰς μετρήται.

3

Lineæ rectæ potentia cōmensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροι δὲ, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδεχεται ὡς εἰς κοινὸν μέτρον γινέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τῶν ὑποκείμενων, δείκνυται ὅτι τῇ προτεθειμένη εὐθείᾳ ὑπάρχουσιν εὐθεῖαι πλήθι ἀπειροί, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκει καὶ δυνάμει, αἱ δὲ δυνάμει μόνον. Καλεῖσθαι οὖν ἢ μὲν προτεθεῖσα εὐθεῖα ῥητή.

5

Hæc cū ita sint, ostendi potest quòd quātacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles eidem commensurabiles, aliæ item incommensurabiles, hæ quidem longitudine & potentia: illæ vero potentia tantum. Vocetur igitur linea recta, quantacunque proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

5

Καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκει καὶ δυνάμει, εἴτε δυνάμει μόνον, ῥηταί.

6

Lineæ quoque illi ῥητῇ commensurabiles siue longitudine & potentia, siue potentia tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationales.

7

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθαι.

7

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali, vocentur ἄλογοι, id est irrationales.

8

Καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς ἀρρητοῦς εὐθείας τετράγωνον, ῥητόν.

8

Et quadratum quod à linea proposita describitur, quam ῥητὴν vocari volumus, vocetur ῥητόν.

Καὶ τὰ

θ

Καὶ τὰ τέττα σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

10

Τὰ δὲ τέττα ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

Quæ verò sint illi quadrato ῥητῶ, scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est furda.

1α

Καὶ αἱ διωάμεναι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὴ τεβράχωνα εἴη, αὐται αἱ πλευραί. εἰ δὲ ἕτερα πινὰ εὐθύγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τεβράχωνα ἀναγράφουσαι.

11

Et lineæ quæ illa incómensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι, lineæ. quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.

Δύο μεγέθων αἰτίων ἐκκεκμημένων, ἐὰν ᾖ τὸ τῷ μεί-

○

ζονος ἀφαρεθῇ μείζον ἢ τὸ ἡμισυ, καὶ τῷ χαλελ-
πομένῳ μείζον ἢ τὸ ἡμισυ, καὶ τῷ αἰ γίγνεται, λι-
φθήσεται τι μέγεθος, ὃ ὅστιν ἔλαστον ἐκκειμένου ἐ-
λάστορος μεγέθους.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-
positis, si de maiore detraha-
tur plus dimidio, & rursus
de residuo iterum detraha-
tur plus dimidio, idque sem-
per fiat: relinquetur quæ-
dam magnitudo minor al-
tera minore ex duabus pro-
positis.



β

Εὰν δύο μεγεθῶν ἐκκειμένων αἴσῳ, αἰτρυφαίρου-
μῶν αἰ τῷ ἐλάστορος ἀπὸ τῷ μείζονος, τὸ χαλε-
λειπόμενον μηδέποτε χαλεμετέρῃ τὸ πρὸς ἑαυτοῦ,
ἀσύμμετρα ἔσται τα μέγεθη.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor
de maiore, altera quadam
detractione, neque residuū
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles sunt illæ magnitudines.

γ

Δύο μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. 1. Propo. 3.

Duabus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.

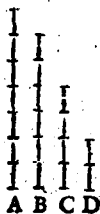


δ

Τριῶν μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

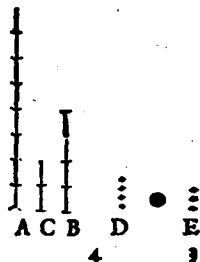
Tribus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communē mēsuram reperire.



Τὰ σύμμετρα μέγιστα πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, οἷον ἀειθμὸς πρὸς ἀειθμόν.

Theor. 3. Propo. 5.

Commenfurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.

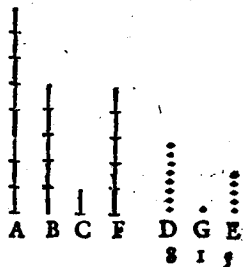


γ

Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρά ἐστι τὰ μεγέθη.

Theor. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionē eam habēt inter se, quam numerus ad numerum, commēsurabiles sunt illæ magnitudines.

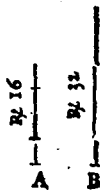


ζ

Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ὀκτῇ ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor. 5. Propo. 7.

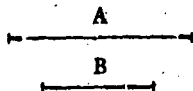
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionē nō habent, quam numerus ad numerum.



Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχῃ, ἐν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habēt, quam numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.

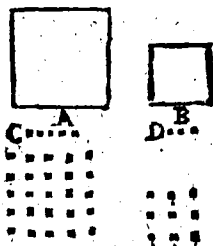


Τὰ ἀπὸ τῆς μήκει ὑμμέτρων εὐθεϊῶν τετράγωνα, πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει, ἐν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχοντα, ὅτ τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἕξ μήκει ὑμμέτρους. τὰ δὲ ἀπὸ τῆς μήκει ἀσύμμετρων εὐθεϊῶν τετράγωνα πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχῃ, ὅτ τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ

ἔχοντα, ὅντων τετράγωνος ἀειθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειθμὸν, οὐδὲ τὰς πλευρὰς ἕξαι μήκει συμμέτρους.

Theor. 7. Propo. 9.

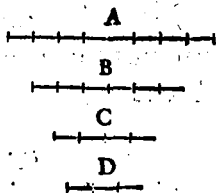
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habēt, quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se, quam quadratus numerus ad numerū quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habēt inter se, quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se, quam numerus quadratus ad numerum quadratū, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Εὰν τεσσαρα μέγῃ ἀνάλογον ἢ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ἢ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ
 σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον τῷ δευτέρῳ ἀσύμ-
 μετρον ἢ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ ἀσύμμετρον
 ἔσται.

Theor. 8. Propo. 10.

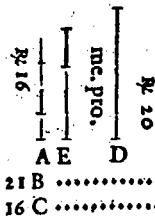
Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima ve-
 rò secundæ fuerit
 commensurabilis,
 tertia quoq; quar-
 tæ commensurabi-
 lis erit. quòd si pri-
 ma secundæ fuerit
 incommensurabilis, tertia quoque quartæ
 incommensurabilis erit.



Τῇ πρὸς τὴν εὐθείαν πρὸς τὴν εὐθείαν δύο εὐθείας ἀ-
 συμμέτροις, τὴν μὲν μήκῃ μόνον, τὴν δὲ καὶ δυνάμει.

Probl. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητὴν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



O. iiij

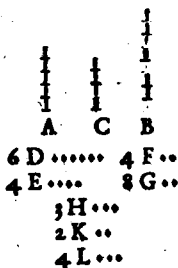
lam verò non longitudine tantum, sed etiã
potentia incommensurabilem.

13

Τὰ τῷ αὐτῷ μέγχει σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ὅτι
σύμμετρα.

Theor. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ eadem magnitudini sunt commensurabiles, inter se quoque sunt commensurabiles.

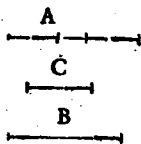


17

Εὰν ἡ δύο μέγῃ, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον ἢ τῷ αὐ-
τῷ, τὸ δὲ ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ
μέγῃ.

Theor. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem
 commensurabilis sit tertiæ
 magnitudini, illa verò eidē
 incommensurabilis, incom-
 mensurabiles erunt illę duæ
 magnitudines.



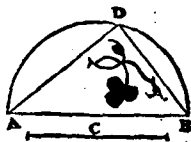
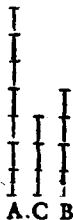
1. A

Εὰν ἡ δύο μεγέθη σύμμετρα, τὸ δὲ ἕτερον αὐτῶν με-

γέθλ πνὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὸ λοιπὸν τῷ αὐτῷ ἀσύμμετρον ἔσται.

Theor. 11. Propo. 14.

Si duarum magnitudinum commensurabilium altera fuerit incommensurabilis magnitudini alteri cuiuspiam tertiae, reliqua quoque magnitudo eidem tertiae incommensurabilis erit.

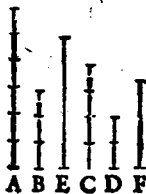


Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, δυνάται δὲ ἢ πρώτη τῆς δευτέρας μείζον τῷ ὑπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἢ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον δυνάσεται τῷ ὑπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ εἰ ἢ πρώτη τῆς δευτέρας μείζον δυνάται τῷ ὑπὸ ἀσύμμετρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἢ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον δυνάσεται τῷ ὑπὸ ἀσύμμετρου ἑαυτῇ μήκει.

Theor. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint, possit autem prima plusquam secunda tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine : tertia quoque poterit plusquam quarta tāto quantum est

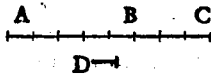
quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si prima possit plusquàm secunda quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis: tertia quoque poterit plusquàm quarta quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine.



Εὰν δύο μεγέθη σύμμετρα (συτῆῃ, καὶ τὸ ὅλον ἑκατέρῳ αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐτῶν σύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμμετρα ἔσται.

Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines cõmensurabiles componantur, tota magnitudo composita singulis partibus commensurabilis erit. quòd si tota magnitudo composita alterutri parti commensurabilis fuerit, illæ duæ quoque partes commensurabiles erunt.

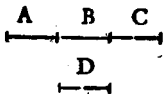


Εὰν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα (συτῆῃ, καὶ τὸ ὅλον ἑκατέρῳ αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ

αὐτῶν ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μετέθη ἀσύμμετρα ἔσται.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componētibus incommensurabilis erit. Quòd si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.

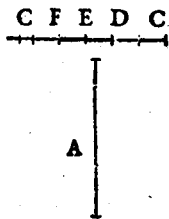


Εὰν ὥσι δύο εὐθεῖαι ἀἴσιοι, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει τῆς ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἑλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα ὡς ἑλλητῇ ἑλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαιρῇ μήκη, μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωήσεται, τῷ ἀπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκη. καὶ εἰάν τις μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διώπται, τῷ ἀπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκη, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει τῆς ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἑλληλόγραμμον ὡς ἑαὶ τὴν μείζονα ὡς ἑλλητῇ ἑλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαιρῇ μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à

minore, æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineâ illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tanto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si maior plus possit quàm minor, tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



10

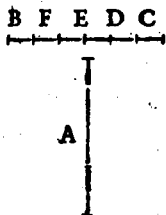
Εὰν ὥσι δύο εὐθεῖαι αἵσιν, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει
τῆς ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἀπὸ τοῦ μείζονος πα-

εμβαλητῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, καὶ εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκη, ἡ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διυήσεται, τῷ ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ. καὶ ἑαὶ ἡ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διυήσεται τῷ ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ, τῷ δὲ τετάρτῳ ὅ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὧσα τε μείζονα ὧσα εμβαλητῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκη.

Theor. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autem parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrammum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tanto plus potest quam minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quòd si maior linea tãto plus possit quam minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur se-

cundum maiorem, ex qua tantum excurret extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius: parallelogrammū sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se incommensurabiles longitudine.

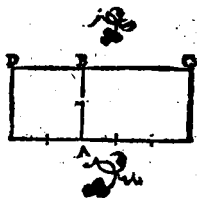


κ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν μήκῃ συμμέτρων κατὰ πῖνα τῆς
περιφραγμένων τριῶν εὐθειῶν περιεχόμενον ὀρθογώ-
νιον, ῥητὸν ὅσιν.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectāgula contenta ex lineis rectis rationalibus longitudine commensurabilibus secundum vnum aliquem modum ex antedictis, rationalis est.

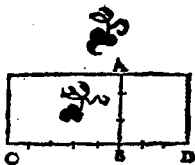


κα

Εὰν ῥητὸν ὡς ῥητὴν ὡς ἀλλήλῃ, πλάτος
ποιῇ ῥητὴν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν ὡς ἀλλήλῃς
μήκῃ.

Theor. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

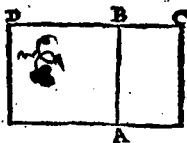


κβ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν διωάμει μόνον σύμμετρον εὐθειῶν ὡς ἐχόμενον ὀρθογώνιον ἀλογόν ἐστι, καὶ ἡ διωαμένη αὐτὸ ἀλόγος ἐστι. χαλείσθω δὲ μέση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantū cōmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.

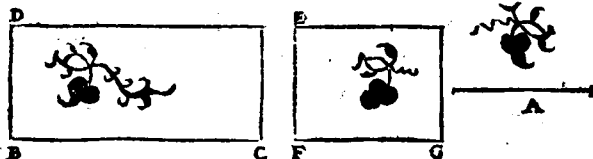


κγ

Τὸ ὑπὸ μέσης ὡς ῥητῶν ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν κείνῃ, μήκει.

Theor. 20. Propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.

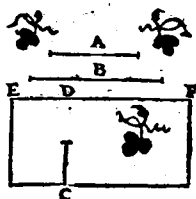


καδ

Ἡ τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέση ἐστί.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.

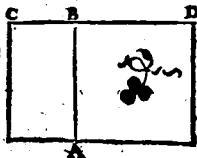


καε

Τὸ ὑπὸ μέσων μήκῃ συμμέτρων ὑψηλῶν περιέχον ὀρθογώνιον, μέσον ἐστί.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.



Τὸ ὑπὸ

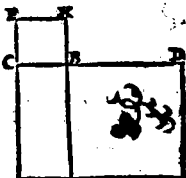
κ ε

Τὸ ὑπὸ μέσων δυνάμεϊ μόνον συμμέζων περι-
χόμενον ὀρθογώνιον, ἢ τοι ρητόν, ἢ μέσον ἐστίν.

Theor. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum

duabus lineis me-
dialib' po-
tentia tā-
tūm com-



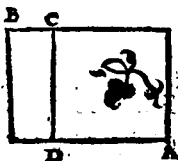
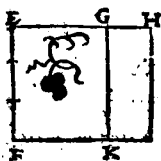
mensurabilibus, vel rationale est, vel me-
diale.

κ ζ

Μέσον μέσων ὁκ ὑπὲρ ἑξήκοντα.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale
nō est ma-
ius quàm
mediale su-
perficie ra-
tionali.

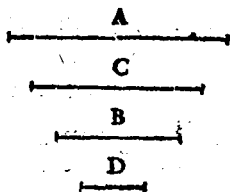


κ η

Μέσας εἶρεϊν δυνάμει μόνον συμμέζους, ρητόν πε-
ριχόμενος.

Probl. 5. Propo. 28.

Mediales lineas inuenire potentia tantum commensurabiles rationale cōprehendentes.

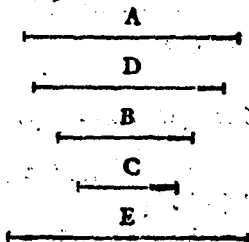


κ θ

Μέσας εὑρεῖν δυνάμει μόνον συμμέτροις μέσοι πε-
λειχρύσας.

Probl. 5. Propo. 19.

Mediales lineas inuenire potentia tantum commensurabiles mediale cōprehendentes.



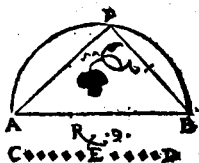
λ

Εὑρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμέτροις, ὥστε
πλεῖον μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δυνάσθαι τὸ
ἀπὸ συμμετρῆς ἐαυτῇ μήκη.

Probl. 6. Propo. 30.

Reperire duas rationales potentia tantum

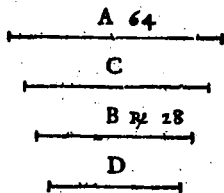
commensurabiles huiusmodi, ut maior ex illis possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

 λa

Εὐρεῖν δὴο μέσας διδάμει μόνον Συμμέποις ῥητὸν
 παθεχούσας, ὥστε πλὴν μείζονα τῆς ἐλάσσονος μεί-
 ζον διύασθαι πρὸς ἀπὸ συμμέτρῳ ἐαυτῇ μήκει.

Probl. 7. Prop. 31.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentem, tales inquam, ut maior possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

 $\lambda\beta$

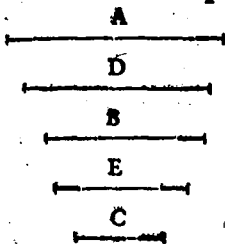
Εὐρεῖν δύο μέσας, δυνάμει μόνον συμμέτρους μέσον
περιεχούσας, ὥστε τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος με-
ζον δύνασθαι τῇ ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ.

Probl.8.Propo.32.

Reperire duas lineas mediales potentia
P ij

Pij

tantum commensurabiles medialem superficiem continentes, huiusmodi ut maior plus possit quā minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

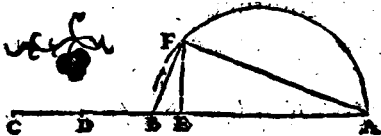


λ γ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποίεσας τὸ μὲν συσκέμδρον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέσον.

Probl. 9. Prop. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiē rationalem, parallelogrammū verò ex ipsis cōtēntum sit mediale.

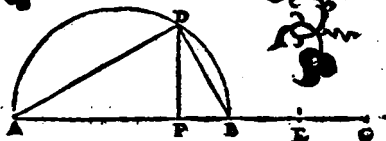


λ δ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συσκέμδρον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν.

Probl. 10. Propo. 34.

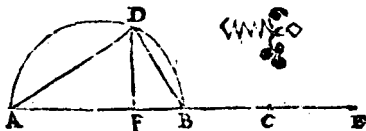
Reperire lineas duas rectas potétia incom-
mensurabiles, conficientes compositum ex
ipfarú qua- 
dratis me-
diale, pa- 
rallelográ-
mum verò
ex ipsis cõ-
tentú rationale. λ ε



Εὕρεῖν δύο εὐθείας διωάμεθ' ἀσυμμέτρους, ποιούσας
τό, τε συγκεκλιμένον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων
μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τῷ
συγκεκλιμένῳ ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potétia incom-
mensurabiles, conficientes id quod ex ipfa-
rum quadratis componitur mediale, simúl-
que parallelogrammum ex ipsis contétum,
mediale, quod præterea parallelogrammum
sit incom-
mésurabi-
le compo-
sito ex qua-
dratis ipfa-
rum.



ΑΡΧΗ ΤΩ Δ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-

ΘΕΣΙΝ ΕΞΑΔΩΝ.

λ ε

Εὰν δύο ῥητὰ διωάμει μόνον σύμμετροι ζῶν τε-
θῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστί. καλείσθω δὲ ἐκ δύο ὀ-
νομάτων.

PRINCIPIUM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potétia tantùm commen-
surabiles componantur, tota linea erit irra-
tionalis. Vo-
cetur autem
Binomium.



λ ζ

Εὰν δύο μέσαι διωάμει μόνον σύμμετροι ζῶν τεθῶσι
ῥητὸν περιέχουσαι, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστί. καλείσθω δὲ
ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantùm commen-
surabiles rationale continentes componan-
tur, tota li-
nea est irra-
tionalis.



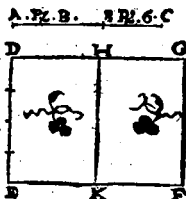
vocetur autem Bimediale prius.

λη

Εὰν δύο μέσαι δυνάμει μόνον σύμμετροι ζυγισθῶσι μέσον περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἄλογός ἐστι. καλείσθαι δὲ ἐκ δύο μέσων δευτέρᾳ.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum commensurabiles mediale continentes componantur, tota linea est irrationalis. vocetur autem Bimediale secundum.

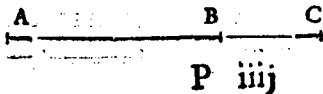


λθ

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι ζυγισθῶσι ποιῶσαι τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἄλογός ἐστι. καλείσθαι δὲ μείζον.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum rationale, parallelogrammum verò ex ipsis contentum mediale, tota linea recta est irrationalis. Vocetur autem linea maior.



μ

Εὰν δύο εὐθείαι δυναμικῶς ἀσύμμετροι συντεθῶσι, ποιῶσαι τὸ μὲν συγκεῖμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμῆν.

Theor. 29. Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficietis compositum ex ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit ex ipsis, rationale, tota linea est irrationalis. Vocetur

autem potens rationale & mediale.



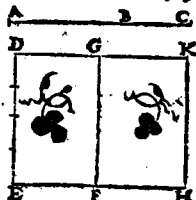
$\mu\alpha$

Εὰν δύο εὐθείαι δυναμικῶς ἀσύμμετροι συντεθῶσι ποιῶσαι τὸ, τε συγκεῖμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τῷ συγκεῖμένῳ ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ δύο μέσα δυναμῆν.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum mediale, & quod continetur ex ipsis, mediale, & præeterea in-

commensurable compo-
sito ex quadratis ipsarum,
tota linea est irrationalis.
Vocetur autem potēs duo
medialia.

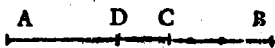


$\mu\beta$

Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ ἐν μόνον σημείον διαρῆται
εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto diui-
ditur in sua nomi-
na, id est in lineas
ex quibus compo-
nitur.

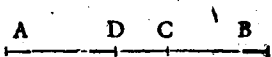


$\mu\gamma$

Ἡ ἐκ δύο μέσων πρώτη καὶ ἐν μόνον σημείον δια-
ρῆται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Propo. 43.

Bimediale prius in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina.

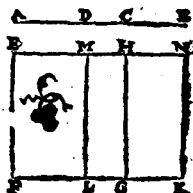


$\mu\delta$

Ἡ ἐκ δύο μέσων δεύτερα καὶ ἐν μόνον σημείον δι-
αρῆται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 33. Propo. 44.

Bimediale secundū in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



Η μείζων ^{με} καὶ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

Linea maior in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



Η ῥητὸν καὶ μέσον ^{με} διωαμμένη καὶ ἐν μόνον σημείον διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

Linea potens rationale & mediale in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.

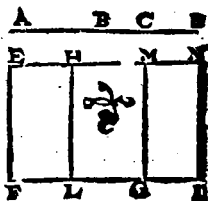


Η δύο μέσα ^{μζ} διωαμμένη καὶ ἐν μόνον σημείον διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 36. Pro-

posi. 47.

Linea potens duo me-
dialia in vnico tantum
puncto diuiditur in sua
nomina.



ΟΨΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δι-
ρημένης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μείζον ὄνομα τῷ
ἐλάττωτος μείζον διώταται τῷ ὑπὸ συμμετρῶς
ἐαυτῇ μήκει.

α

Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει τῇ ἐκ
μὲν ῥητῆς, χαλείσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εὰν δὲ τὸ ἐλάττω ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει τῇ ἐκ
μὲν ῥητῆς, χαλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δεύτερα.

γ

Εὰν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾖ τῇ
μήκει τῇ ἐκ μὲν ῥητῆς, χαλείσθω ἐκ δύο ὀνομά-
των τρίτη.

Πάλιν δὲ εὰν τὸ μείζον ὄνομα τῷ ἐλάττωτος μεί-
ζον διώταται τῷ ὑπὸ ἀσυμμέτρου ἐαυτῇ μήκει.

δ

Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ μὲν τῇ ἑκ-
καμύνη ῥητῇ, καλεῖται ἑκ δὺς ὀνόμαται τετάρτη.

ε

Εὰν δὲ τὸ ἑλάττω, πέμπτη.

ζ

Εὰν δὲ μηδὲτερον, ἕκτη.

DEFINITIONES.

secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio divisa in
sua nomina, cuius binomij maius nomen, id est
maior portio possit plusquam minus nomen
quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,
commensurabilis longitudine:*

1

*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile
longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota
linea Binomium primum:*

2

*Si verò minus nomē, id est minor portio Binomij,
fuerit commensurabile longitudine propositæ lineæ
rationali, vocetur tota lineæ Binomium secundum*

3

*Si verò neutrum nomen fuerit commensurabile
longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur Bi-
nomium tertium.*

Rursus si maius nomen possit plusquam minus nomen quadrato linea sibi incommensurabilis longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurabile longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota linea Binomium quartum:

5

Si verò minus nomen fuerit commensurabile longitudine lineæ rationali, vocetur Binomium quintum.

6

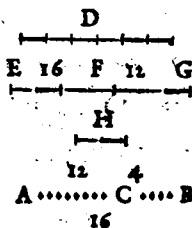
Si verò neutrum nomen fuerit longitudine commensurabile lineæ rationali, vocetur illa Binomium sextum.

μ η

Εὐρεῖν τιὸν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτων.

Probl. 12. Proposition. 48.

Reperire Binomiū primum.

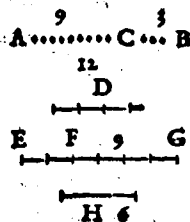


μ θ

Εὐρεῖν τιὸν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρων.

Probl. 13. Pro-
posi. 49.

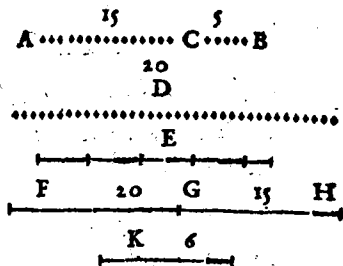
Reperire Binomiū se-
cundum.



Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Probl. 14.
Prop. 50.

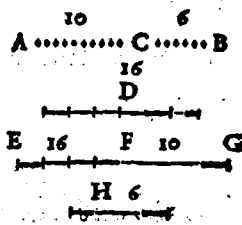
Reperire
Binomium
tertium.



Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

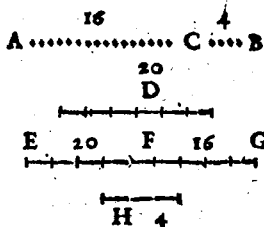
Probl. 15. Pro-
posi. 51.

Reperire Binomium
quartum.



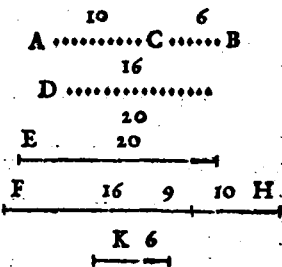
β

Εὐρεῖν τιὺ ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτιν.

Probl. 16. Propo.
posi. 52.Reperire Binomiū
quintum.

γ

Εὐρεῖν τιὺ ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτί.

Probl. 17. Propo.
posi. 53.Reperire Binomiū
sextum.

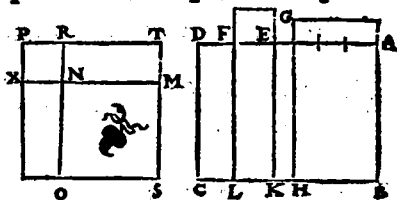
δ

Εὰν χεῖριον ἀείχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ τὸ χεῖριον διπλασμένη ἀλογός ᾖ ἐν τῇ πεπλασμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationa-

li & Binomio primo, linea quæ illâ superficiē potest, est irrationalis, quæ Binomiū vocatur.

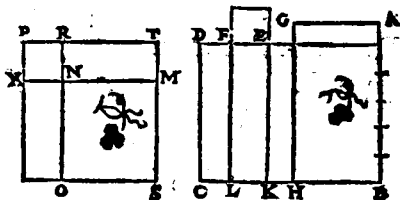


νε

Εὰν γὰρ χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ χεῖρον δυναμένη ἀλογός ᾖσιν ἡ χαλεμὴ ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secūdo, linea potens illam superficiē est irrationalis, quæ Bimediale primū vocatur.



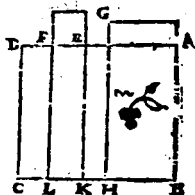
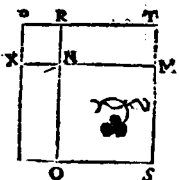
νς

Εὰν γὰρ χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτης, ἢ τὸ χεῖρον δυναμένη ἀλογός ᾖσιν ἡ χαλεμὴ ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theor. 39. Propo. 56.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

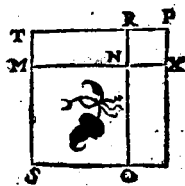
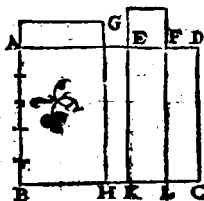
Binomio tertio, linea quæ illam superficiem potest, est irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundum.



Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτης, ἢ τὸ χεῖρον δυναμένη ἀλογός ἐστιν, ἢ καλῶς μείζων.

Theor. 40. Prop. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quarto, linea potens superficiem illam, est irrationalis, quæ dicitur maior.



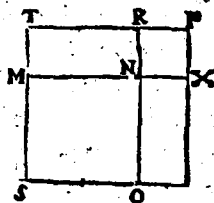
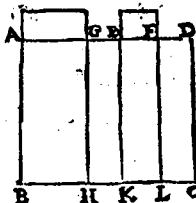
Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτης, ἢ τὸ χεῖρον δυναμένη ἀλογός ἐστιν, ἢ καλῶς μείζων ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

Theor. 41. Prop. 58.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quinto, linea quæ illam super-

Q

ficiem po-
test, est ir-
rationalis
quæ dici-
tur potens
rationale
& mediale.

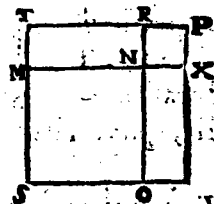
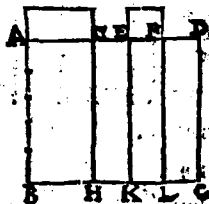


ο θ

Εὰν χεῖριον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ἐκείνης, ἢ τὸ χεῖριον δυναμδύνη, ἀλογόος ὅστιν, ἢ καλὸς δύνει δύο μέσα δυναμδύνη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Bi-
nomio sexto, linea quæ illam superficiem
potest,
est irra-
tionalis,
quæ dici-
tur po-
tens duo
medialia.

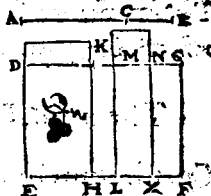


ξ

Τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων περιέχεται ὑπὸ ρητὴ καὶ περιέχεται ὑπὸ δύο ὀνομάτων ἐκείνης, ἢ πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἀνάπτεται.

Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

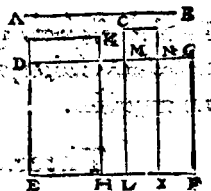


ξ α

Τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης τοῦ ῥητιῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τινὲς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

Theor. 44. Propo. 61.

Quadratum Bimedialis primum secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

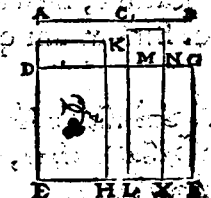


ξ β

Τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας τοῦ ῥητιῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τινὲς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Theor. 45. Propo. 62.

Quadratum Bimedialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



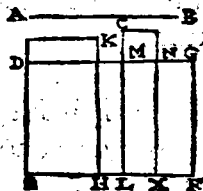
Q 1j

ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος ὡς ἀρτιὸν ὡς βαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maioris
secundum lineam ratio-
nalem applicatum, facit
alterum latus Binomium
quartum.

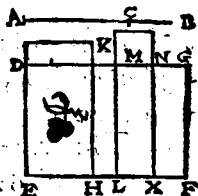


ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ῥητὸν ἢ μέσων δυναμίδος ὡς ἀρτιὸν
ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των πέμπτην.

Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ poten-
tis rationale & mediale se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alterú la-
tus Binomium quintum.

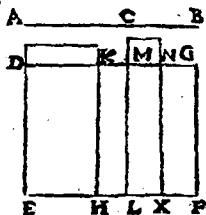


ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσα δυναμίδος ὡς ἀρτιὸν
ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἑκτὴν.

Theor. 48. Propo. 65.

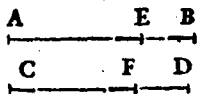
Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secundū
rationalem applicatum,
facit alterum latus Bino-
mium sextum.



Ἡ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκῃ σύμμετρος, καὶ αὐτὴ
ἐκ δύο ὀνομάτων ἔστι, καὶ τῇ ἀξίᾳ ἡ αὐτή.

Theor. 49. Propo. 66.

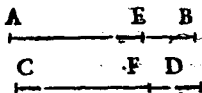
Linea longitudine com-
mensurabilis Binomio
est, & ipsa Binomium ei-
usdem ordinis.



Ἡ τῇ ἐκ δύο μέσων μήκῃ σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων
ἔστι, καὶ τῇ ἀξίᾳ ἡ αὐτή.

Theor. 50. Propo. 67.

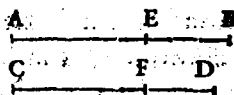
Linea longitudine com-
mensurabilis alteri bime-
dialium est, & ipsa bi-
mediale etiam eiusdem
ordinis.



Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μείζων ἐστίν.

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis lineæ maiori, est & ipsa maior.

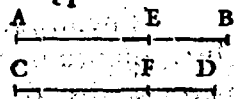


Ξ θ.

Ἡ τῇ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη σύμμετρος, καὶ αὐτῇ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη ὅσιν.

Theor. 52. Propo. 69.

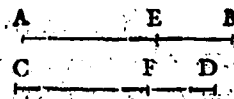
Linea commensurabilis lineæ potenti rationale & mediale, est & ipsa linea potēs rationale & mediale.



Ἡ τῇ δύο μέσα δυναμένη σύμμετρος, δύο μέσα δυναμένη ὅσιν.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabilis lineæ potenti duo medialia, est & ipsa linea potēs duo medialia.

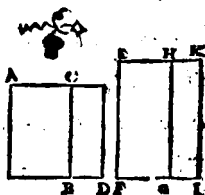


ο α.

Ῥητὴ καὶ μέση δυναμένη, τέσσαρες ἀλογισγίνονται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων πρώτης, ἢ μείζων, ἢ καὶ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositâ potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale.

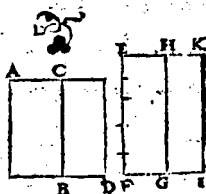


ο β

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις (συπτεριζόμενων, αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογον γίνονται, ἥτοι ἡ ἐκ δύο μέσων δευτέρα, ἢ ἡ δύο μέσα διωαμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul cõponantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialia.



Q iiiij.

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Η' ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλλοι, οὐ-
τε τῇ μέσῃ, οὐτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν ἄπὸ μέσης ᾧ ρητὴν ᾧ ῥαβαλλόμενον,
πλάτος ποιεῖ ρητὴν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν
ᾧ ῥαβδύται, μήκη.

Τὸ δὲ ἄπὸ τ' ἐκ δύο ὀνομάτων ᾧ ρητὴν ᾧ ῥα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Τὸ δὲ ἄπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης ᾧ ρητὴν
ᾧ ῥαβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων δευτέραν.

Τὸ δὲ ἄπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας ᾧ ρητὴν
ᾧ ῥαβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων τρίτην.

Τὸ δὲ ἄπὸ τῆς μείζονος ᾧ ρητὴν ᾧ ῥαβαλλό-
μενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρ-
την.

Τὸ δὲ ἄπὸ τ' ῥητὴν καὶ μέσον διωαμμένης ᾧ ῥαβαλ-
λόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δύο μέσων δυναμένης ὡς αἰρητικῶν
ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἐκτίω.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημύα πλάτη ἀφ' ἑαυτῶν τε πρῶ-
τον καὶ ἀλλήλων, τὸ μὲν πρῶτον, ὅτι ῥητὴ ἔστιν, ἀλλή-
λων δὲ, ὅτι τῇ ἑξῆς οὐκ εἰσὶν αἱ αὐταί, δηλόν ὡς καὶ
αὐταὶ αἱ ἀλογοὶ ἀφ' ἑαυτῶν ἀλλήλων.

SCHOLIUM.

*Binomium & cætera consequentes lineæ irration-
nales, neque sunt eadem cum linea mediali, ne-
que ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum secun-
dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam
rationalem, & longitudine incommensurabilem
lineæ secundum quam applicatur, hoc est, lineæ ra-
tionali, per 23.*

*Quadratum verò Binomij secundum rationalem
applicatum, facit alterum latus Binomium pri-
mum, per 60.*

*Quadratum verò Bimedialis primi secundum ra-
tionalem applicatum, facit alterum latus Binomium
secundum, per 61.*

*Quadratum verò Bimedialis secundi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines vocantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irrationales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ

λόγων τῶν κατ' ἀφαίρεσιν.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιν ἐξ ἁδων.

ο γ

Εὰν ὑπὸ ρητῆς ρητῇ ἀφαιρεθῇ διωάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ἡ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ ὑποτομή.

SECUNDVS ORDO ALTERIVS

sermonis, qui est de detractiōe.

Principium senariorum per detractiōem.

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuum.

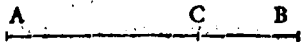


ο δ

Εάν ὑπὸ μέσης μέσῃ ἀφαιρεθῇ διωάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν πλεονέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. καλείομαι δὲ μέσης ὑποτομὴ πρώτη.

Theor. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuū mediale primū.

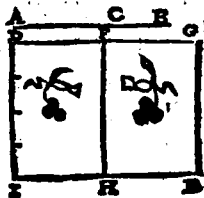


ο ε

Εάν ὑπὸ μέσης μέσῃ ἀφαιρεθῇ διωάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον πλεονέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. καλείομαι δὲ μέσης ὑποτομὴ δευτέρα.

Theor. 58. Propo. 75.

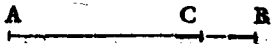
Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cum tota cōtineat superficiem medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autē residuū mediale secundum.



Εάν ὅπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ δυνάμει ἀσύμμετρος οὕσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσα τὸ μὲν ἅπ' αὐτῶν ἅμα ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἢ λοιπὴ ἀλογος ὅσι. καλεῖσθαι δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ sit rationale, parallelogrammum verò ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea erit irrationalis. Vocetur autem linea minor.



Εάν ὅπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ δυνάμει ἀσύμμετρος οὕσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσα τὸ μὲν

συγκέκμητοι ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον,
τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστι. χα-
λείσθω δὲ μετὰ ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποίῃσα.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta potentia
incommensurabilis toti lineæ, compositum
autem ex quadratis totius & lineæ detractæ
sit mediale, parallelogrammum verò bis ex
eisdem contentum sit rationale, reliqua li-
nea est irrationalis. Vocetur autem linea
faciens cum superficie rationali totam su-
perficiem media-
lem.



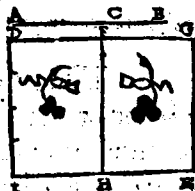
ο η

Εὰν ὑπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ διωάμει ἀσύμ-
μετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποίῃσα τὸ
μὲν συγκέκμητοι ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-
σον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον, ἔτι δὲ τῆς ἀπ' αὐτῶν
τετραγώνων ἀσύμμετρος τῷ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ
ἀλογός ἐστι. χαλείσθω δὲ ἢ μετὰ μέσῳ μέσον τὸ ὅλον
ποιούσα.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta potentia
incommensurabilis toti lineæ, compositum
autem ex quadratis totius & lineæ detractæ
sit mediale, parallelogrammum verò bis ex

iisdem sit etiam mediale: præterea sint quadrata ipsarum incommensurabilia parallelogrammo bis ex iisdem contéto, reliqua linea est irrationalis. Vocetur autem linea faciès cum superficie mediali totā superficiem medialem.

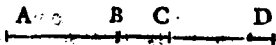


ο θ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνον ἀρσάρμόζει εὐθεῖα ῥητῇ, διωάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum lineā recta cōiungitur rationalis, potentia tantum cōmésurabilis toti lineæ.



π

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτῃ μόνον μία ἀρσάρμόζει εὐθεῖα μέση, διωάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν ἀξέχρυσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea coniungitur medialis, potentia tantum cōmensurabilis toti, ipsa cum tota continens rationale.

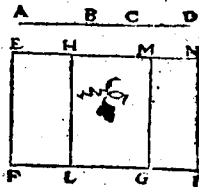


πα

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ δευτέρα μία μόνον ὡρθοαρμό-
ζῃ εὐθεῖα μέσῃ, δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσῃ ὡείχουσα.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secundo
vnica tantum coniungi-
tur medialis, potentia tan-
tum commensurabilis to-
ti, ipsa cum tota continens
mediale.

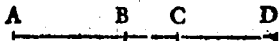


πβ

Τῇ ἐλάσσονι μία μόνον ὡρθοαρμόζῃ εὐθεῖα δυνά-
μει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ποίῃσα μετὰ τῆς ὅλης
τὸ μὲν ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ῥητὸν, τὸ δὲ
δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniun-
gitur potentia incómmensurabilis toti, fa-
ciens cum tota compositum ex quadratis
ipsarum rationale, id
verò parallelogram-
mum, quod bis ex
ipsis fit, mediale.



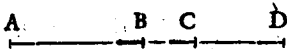
πγ

Τῇ μετὰ ῥητοῦ μέσῃ τὸ ὅλον ποιούσῃ μία μόνον
ὡρθοαρμόζῃ εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ

ὅλη, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῶσα τὸ μὴ συγκείμενον
ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali to-
tam superficiem medialem, vnica tantum
coniungitur linea recta potentia incommē-
surabilis toti, faciens autem cum tota com-
positum ex quadratis ipsarum, mediale, id
verò quod fit bis
ex ipsis, rationale.

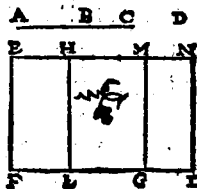


π δ

Τῇ μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιῶση μία μόνον
παραρμόζῃ εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῶσα τὸ, τε συγκείμενον
ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τὸ συγκείμενον ἐκ
τῆς ἀπ' αὐτῶν τε δις ὑπ' αὐτῶν.

Theorem. 65. Propositio 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti to-
tam superficiem medialem, vnica tantum
coniungitur linea poten-
tia toti incómésurabilis,
faciens cum tota compo-
situm ex quadratis ipsarū
mediale, id verò quod fit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incommensurabile ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΨΘΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Υ' ποκειμένης ῥητῆς καὶ ἄποτομῆς.

α

Εὰν μὲν ὅλη τῆς περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἄπο συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μήκει, χαλεῖσθαι ἄποτομήν πρώτην.

β

Εὰν δὲ ἡ περσαρμόζουσα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη τῆς περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἄπο συμμέτρου ἑαυτῇ, χαλεῖσθαι ἄποτομήν δευτέραν.

γ

Εὰν δὲ μὲνδετέρα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς περσαρμοζούσης μείζον διώηται τῷ ἄπο συμμέτρου ἑαυτῇ, χαλεῖσθαι ἄποτομήν τρίτην.

Πάλιν εἰ ἡ ὅλη τῆς περσαρμόζουσας μείζον διώηται τῷ ἄπο ἀσύμμετρου ἑαυτῇ μήκει.

R

δ

Εὰν μὲν ὅλη σύμμετρος ᾖ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ
μήκει, καλεῖται ἀποτομή τετάρτη.

ε

Εὰν δὲ ἡ περὶ σαρκώζουσα, πέμπτη.

ς

Εὰν δὲ μηδέντετρα, ἕκτη.

DEFINITIONES

tertiæ.

Proposita linea rationali & residuo.

I

*Si quidem tota, nempe composita ex ipso resi-
duo & linea illi cōiuncta, plus potest quàm con-
iuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis lō-
gitudine, fueritque tota longitudine commen-
surabilis lineæ propositæ rationali, residuum
ipsum vocetur Residuum primum:*

2

*Si verò coniuncta fuerit longitudine commen-
surabilis rationali, ipsa autem tota plus possit
quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudi-
ne commensurabilis, residuum vocetur Resi-
duum secundum:*

3

Si verò neutra linearum fuerit lōgitudine com-

mensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis vocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plusquam cōiuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis.

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, vocetur Residuū quartum:

5

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum quintum.

6

Si verò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potentior quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum sextum.

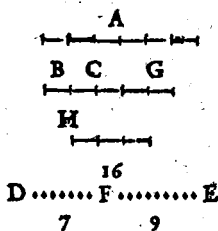
π ε

Εὐρὺν τὴν ἀπὸ τῆς ἀποτομῆς.

R ij

Probl. 18. Pro.
posi. 85.

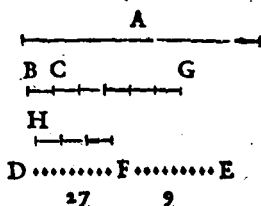
Reperire primum Re-
siduum.



Εὑρεῖν τὴν δευτέραν ὀποτομίαν.
^{π ε}

Probl. 19. Pro-
posi. 86.

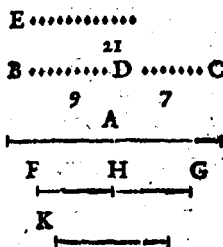
Reperire secundum
Residuum.



Εὑρεῖν τὴν τρίτην ὀποτομίαν.
^{π ζ}

Probl. 20. Pro-
posi. 87.

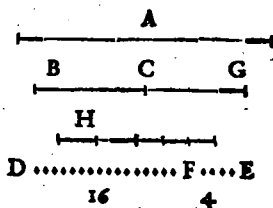
Reperire tertium Re-
siduum.



Εὑρεῖν τὴν τέταρτην ὀποτομίαν.
^{π η}

Probl. 21. Pro-
positio 88.

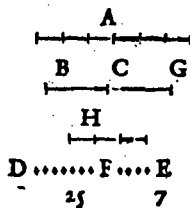
Reperire quantum
Residuum.



$\pi \theta$
Εὐρεῖν τιὸ πέμπτῳ ὀποτομῷ.

Problema 22. Pro-
positio 89.

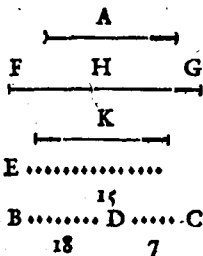
Reperire quintum Resi-
dum.



ζ
Εὐρεῖν τιὸ ἑκτῷ ὀποτομῷ.

Problema 22. Pro-
positio 90.

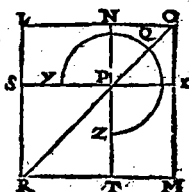
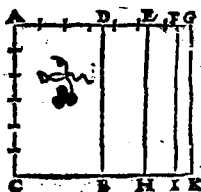
Reperire sextum Resi-
dum.



ζa
Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ὀποτομῆς
πρώτης, ἢ τὸ χεῖρον διωαμμένη, ὀποτομὴ ἔστω.

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum.

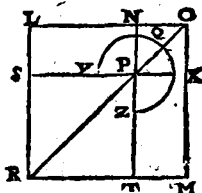
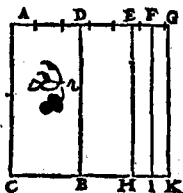


ιβ

Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἄποτομῆς δευτέρας, ἢ τὸ χεῖρον διωαρμῆν, μέσης ἄποτομῇ ὅσι πρώτη.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale primum.

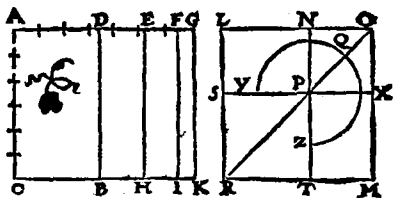


ιγ

Εὰν χεῖρον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἄποτομῆς τρίτης, ἢ τὸ χεῖρον διωαρμῆν, μέσης ἄποτομῇ ὅσι δευτέρα.

Theor. 68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.

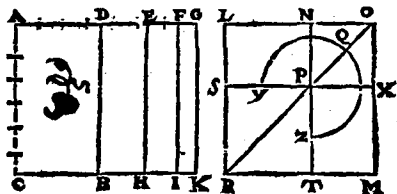


ζ δ

Εὰν χεῖριον περιέχῃται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς τετάρτης, ἢ τὸ χεῖριον διωαμμένη, ἐλάσσων ᾖ εἶναι.

Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.

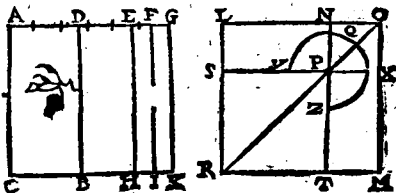


ζ ε

Εὰν χεῖριον περιέχῃται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς πέμπτης, ἢ τὸ χεῖριον διωαμμένη, ἴσμετὰ ρητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσθαι ᾖ εἶναι.

Theor. 70. Propo. 95.

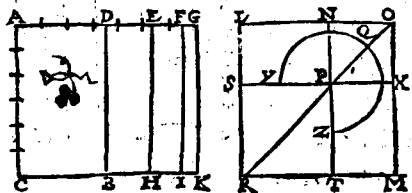
Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo quinto, linea quæ illam superfi-
ciem po-
test, est ea
quæ dici-
tur cū ra-
tionali su-
perficie fa-
ciens totam medialem.



Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἄποτομῆς
ἑκτῆς, ἢ τὸ χωρίον διωαμμένη, μετὰ μέσου μέσον τὸ
ὅλον ποιεῖσα ὅσιν.

Theor. 71. Propo. 96.

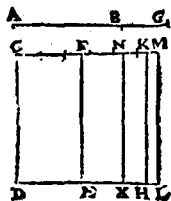
Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo sexto, linea quæ illam superficiē
potest, est
ea quæ di-
citur fa-
ciens cum
mediali su-
perficie to-
tam medialem.



Τὸ ὑπὸ ἄποτομῆς περιέχον ὁ ῥητὴν περιβαλλόμενον,
πλάτος ποιῇ, ἄποτομὴν ὁρώμεν.

Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

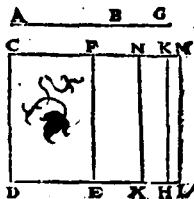


ζ η

Τὸ ἀπὸ μέσης ὑποτομῆς πρώτης τοῦ ἀριθμοῦ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ὑποτομὴν δευτέρας.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuū secundum.

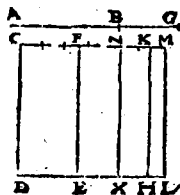


ζ θ

Τὸ ἀπὸ μέσης ὑποτομῆς δευτέρας τοῦ ἀριθμοῦ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ὑποτομὴν τρίτῃ.

Theor. 74. Propo. 99.

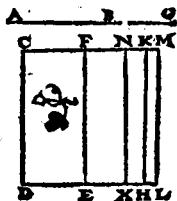
Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.



Τὸ ἀπὸ ἐλάσσονος ὡς ἔστι ῥητὴν ὡς βαλλόμενον,
πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

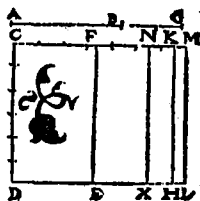
Quadratum lineæ minoris
secundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ^{ρα} ῥητῆς μέσον τὸ ὅλον ποιήσης ὡς ἔστι
ῥητὴν ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν
πέμπτην.

Theor. 76. Propo. 101.

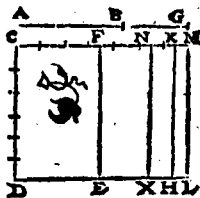
Quadratum lineæ cum ra-
tionali superficie facientis
totam medialem, secundū
rationalem applicatū, fa-
cit alterū latus residuum
quintum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ^{ρβ} μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιήσης πα-
ρὰ ῥητὴν ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτο-
μὴν ἑκτὴν.

Theor. 77. Propo. 102.

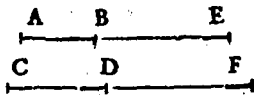
Quadratum lineæ cū mediāli superficie faciētis totā mediālem, secundum rationalem applicatū, facit alterū latus, residuum sextum.



Ἡ τῇ ἀποτομῇ ^{ργ} μήτε σύμμετρος, ἀποτομή ἐστὶ, καὶ τῇ ἑξῆς ἡ αὐτή.

Theor. 78. Propo. 103.

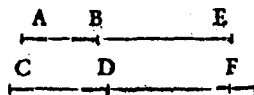
Linea residuo commensurabilis longitudine, est & ipsa residuum, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ μέσῃ ἀποτομῇ ^{ρδ} σύμμετρος, μέση ἀποτομή ἐστὶ, καὶ τῇ ἑξῆς ἡ αὐτή.

Theor. 79. Propo. 104.

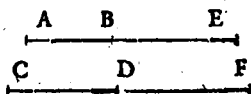
Linea commensurabilis residuo mediāli, est & ipsa residuū mediāle, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ ἐλάσσονι ^{ρ ε} σύμμετρος, ἐλάσσων ὅσῃν.

Theor. 80. Propo. 105.

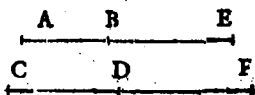
Linea commensurabilis lineæ minori, est & ipsa linea minor.



Ἡ τῇ μετὰ ^{ρ ζ} ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσιν σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μετὰ ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα ὅσῃν.

Theor. 81. Propo. 106.

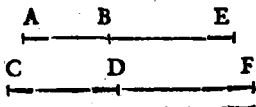
Linea commensurabilis lineæ cum rationali superficie facienti totam medialem, est & ipsa linea cum rationali superficie faciens totam medialem.



Ἡ τῇ μετὰ ^{ρ ζ} μέσῳ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσιν σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μετὰ μέσῳ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα ὅσῃν.

Theor. 82. Propo. 107.

Linea commensurabilis lineæ cum mediali superficie faciēti totam medialem, est & ipsa cum mediali superficie faciens totam medialem.

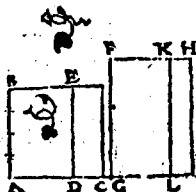


ρ η

Ἀπὸ ρητῆ, μέσῃ ἀφαιρουμένη, ἢ τὸ λοιπὸν χεῖρον
 διωαμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἥτοι Σποτομή,
 ἢ ἐλάττων.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur super-
 ficies medialis, linea quæ
 reliquam superficiem po-
 test, est alterutra ex dua-
 bus irrationalibus, aut
 Residuum, aut linea mi-
 nor,

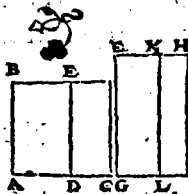


ρ θ

Ἀπὸ μέσῃ, ρητῆ ἀφαιρουμένη, ἄλλαι δύο ἀλογοὶ γί-
 νονται, ἥτοι μέση Σποτομή ὁρώτη, ἢ μετὰ ρητῆ τὸ
 ὅλον ποῖσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali
 detrahatur superficies ra-
 tionalis, aliæ duæ irratio-
 nales fiunt, aut Residuum
 mediale primum, aut cum
 rationali superficiem fa-
 ciens totam medialem.



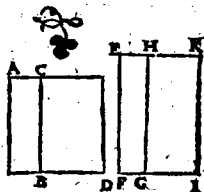
ρ ι

Ἀπὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαιρουμένη ἀσυμμέτρου πρὸς ὅλῳ,

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ὀποιομένη
 δευτέρῃ, ἢ μετὰ μέσῃ μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσα.

Theor. 85. Propo. III.

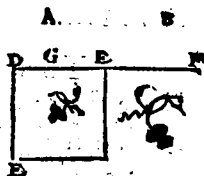
Si de superficie mediali detrahatur superfi-
 cies medialis quæ sit incō-
 menfurabilis toti, reliquæ
 duæ fiunt irrationales, aut
 residuum mediale secun-
 dum, aut cum mediali su-
 perficie faciens totam me-
 dialem.



Ἡ ὀποιομένη οὐκ ἔστι ἡ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 86. Propo. III.

Linea quæ Residuum di-
 citur, non est eadem cum
 ea quæ dicitur Binomium.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ὀποιομένη καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλογοι, οὔτε τῇ μέ-
 σῃ, οὔτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης καὶ ῥητῆς ποιεῖται.

λόμῳ, πλάτος ποιῇ, ῥητὶν καὶ ἀσύμμετρον τῇ
παρ' ὧν ὡς ἀκείλαι, μήκῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἑποτομῆς ὡς ἀκείλαι ὡς ἀβαλλό-
μῳ, πλάτος ποιῇ, ἑποτομὴν ὁρώτῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἑποτομῆς ὁρώτης ὡς ἀκείλαι
ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ, ἑποτο-
μὴν δευτέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἑποτομῆς δευτέρας ὡς ἀκείλαι
ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ, ἑποτο-
μὴν τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάττωτος ὡς ἀκείλαι ὡς ἀβαλλό-
μῳ, πλάτος ποιῇ, ἑποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητὸς μέσον τὸ ὅλον ποιήσης
ὡς ἀκείλαι ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ,
ἑποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσῃ μέσον τὸ ὅλον ποιήσης
ὡς ἀκείλαι ὡς ἀβαλλόμῳ, πλάτος ποιῇ,
ἑποτομὴν ἑκτὴν.

Ἐπεὶ οὖν αἱ εἰρημύα πλάτη ἀφ' ἑαυτῶν τῶν
ὁρώτων καὶ ἀλλήλων (ὅτι μὴ ὁρώτων, ὅτι ῥητὴ ὅτιν,
ἀλλήλων δὲ, ὅτι αἱ εἰρημύα εἰσὶν αἱ αὐταὶ) δι-

λον ὡς καὶ αὐτὰ αἰ ἀλόγῳ ἀφ' ἑαυτῶν ἀλλή-
λων. καὶ ἐπεὶ δὲ δέχεται ἡ ἀποτομή οὐκ οὔσα ἡ αὐ-
τῇ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιεῖσι δὲ πλάτη πα-
ρὰ ῥητὴν ὡς βαλλόμενα μὲν αἰ μετὰ τὴν ἀ-
ποτομὴν, ἀποτομὰς ἀκολουθῶς τῇ ἔξει κα-
τ' αὐτὴν, αἰ δὲ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, τὰς
ἐκ δύο ὀνομάτων, καὶ αὐτὰ τῇ ἔξει ἀκολου-
θῶς, ἑτέραί ἄρα εἰσὶν αἰ μετὰ τὴν ἀποτομὴν,
καὶ ἑτέραί αἰ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι
τῇ ἔξει πάσας ἀλόγους ιγ.

α Μέσιον.

β Εκ δύο ὀνομάτων.

γ Εκ δύο μέσων πρώ-
τῳ.

δ Εκ δύο μέσων δευ-
τέρῳ.

ε Μείζονα.

ς Ῥητὸν καὶ μέσον δυ-
ναμὴν.

ζ Δύο μέσα δυναμέ-
ων.

η Ἀποτομὴν.

θ Μέσιον ἀποτομὴν
πρώτῳ.

ι Μέσιον ἀποτομὴν
δευτέρῳ.

ια Ελάττωνα.

ιβ Μετὰ ῥητὴν μέσον τὸ
ὅλον ποιεῖσαι.

ιγ Μετὰ μέσου μέσον
τὸ ὅλον ποιεῖσαι.

SCHO.

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, & cetera quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediali neque sibi ipsæ inter se sunt eadem. Nam quadratum lineæ medialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundum quam applicatur, per 23.

Quadratum verò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum, per 97.

Quadratum verò residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui medialis secundi, facit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alterum latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superficie facientis totam mediam, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediali superficie facientis totam mediam, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato æqualis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniam est rationalis linea: inter se verò differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est residuum non esse idem quod Binomium; quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt & residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomij & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomiis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ cōsequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dicta lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

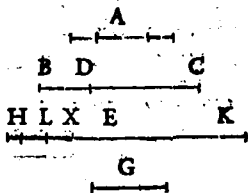
- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum mediale |
| 3 Bimediale primum. | secundum. |
| 4 Bimediale secundum. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum ratio- |
| 6 Potens rationale & | nali superficie to- |
| mediale. | tam medialem. |
| 7 Potēs duo medialia. | 13 Faciens cum me- |
| 8 Residuum. | diali superficie to- |
| 9 Residuum mediale | tam medialem. |

ρ β

Τὸ ἀπὸ ρητῆς αὐτῆς πλεὺς ἐκ δύο ὀνομάτων αὐτῆς
 βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν, ἧς αὐτὸ ὀνό-
 ματα σύμμετρα ἔστι τοῖς ἑκὼν δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
 σι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ. καὶ ἐπὶ ἐκ γνομένη ἀποτομῇ
 πλεὺς αὐτῇ ἐχθ' αὐτῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum
 Binomium applicatum, facit alterum la-
 tus residuum, cuius
 nomina sunt com-
 mensurabilia Bino-
 mij nominib⁹, & in
 eadē proportionē:
 præterea id quod fit
 Residuum, eundem

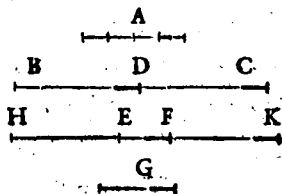


S ij

Τὸ ἀπὸ ρητῆς ^{ρ' γ} ὀρθογωνίου ὀρθογωνίου, πλάτος ποιεῖ, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢς ἅ ὀνόματα σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ὀρθογωνίου ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ. ἐπὶ δὲ ἐκ γωνιῶν ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν αὐτὴν ἔχει τῇ ὀρθογωνίᾳ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum residuum applicatum, facit alterum latus Binomium, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadē proportionē : præterea id quod fit Binomiū est eiusdem ordinis, cuius & Residuum.



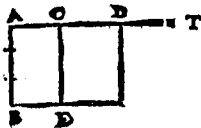
Εὰν χεῖρον ^{ρ' δ} ἀπὸ ὀρθογωνίου καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢς ἅ ὀνόματα σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ὀρθογωνίου ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ τὸ χεῖρον δυναμῶν, ρητὴ ἐστὶ.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-

P I E

Theor. 90. Propo. 185.

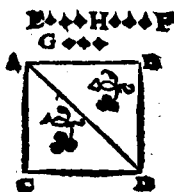


815

S iij

Propo. 116.

Propositū nobis esto de-
monstrare in figuris qua-
dratis diametrum esse ló-
gitudine incommensura-
bilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM VNDECIMVM.
ET SOLIDORVM
primum.

Ο' Ρ ΟΙ.

α

Στερεόν ὅστις, τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάτος ἔχῃ.

DEFINITIONES.

I

Solidum est, quod longitudinem, latitudi-
nem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὸς δὲ πέρας, ὁτιφαίνα.

S iijj

2

Solidi autem extremum est superficies.

γ

Εὐθεία πρὸς ἑπίπεδον ὀρθή ἐστίν, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἀπομύνας αὐτῆς εὐθείας, καὶ οὐσας ἐν τῷ αὐτῷ ὑποκείμενῳ ἑπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, à quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

δ

Επίπεδον πρὸς ἑπίπεδον ὀρθόν ἐστίν, ὅταν αἱ τῇ κοινῇ τομῇ τῶν ἑπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι εὐθείαι ἐν εἰς τὸ ἑπιπέδων, τῷ λοιπῷ ἑπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾧσιν.

4

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in vno planorum ducuntur, alteri plano ad rectos sunt angulos.

ε

Εὐθείας πρὸς ἑπίπεδον κλίσις ἐστίν, ὅταν ἀπὸ τοῦ μετέωρου πέρατος τῆς εὐθείας ἐπὶ τὸ ἑπίπεδον κλίματος ἀρθῇ, καὶ ἀπὸ τοῦ γενομένου σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ ἐν τῷ ἑπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεῖα ἐπι-

Ζευξῆ, ἡ περιεχομένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς ἀ-
 ρθείσης καὶ τῆς ἐφεσώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus
 est angulus ipsa insistente linea & adiuncta
 altera comprehensus, cùm à sublimi rectæ
 illius lineæ termino deducta fuerit perpen-
 dicularis, atque à puncto quod perpendicu-
 laris in ipso plano fecerit, ad propositæ il-
 lius lineæ extremum; quod in eodē est pla-
 no, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπιπέδου πρὸς ὀπίπεδον κλίσις ἐστίν, ἡ περιεχο-
 μένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς πρὸς ὀρθᾷ τῇ κοινῇ
 τομῇ ἀγρομένων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ ἐν ἑκατέρῳ
 τῆς ὀπίπεδων.

6

Plani ad planum inclinatio, acutus est an-
 gulus rectis lineis contentus, quæ in utro-
 que planorum ad idem communis sectionis
 punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angu-
 los efficiunt.

ζ

Ἐπίπεδον πρὸς ὀπίπεδον ὁμοίως κεκλίσθαι λέγε-
 ται, καὶ ἕτερον πρὸς ἕτερον, ὅταν αἱ εἰρημύσαι τῆς κλί-
 σεων γωνίαί ῖσαι ἀλλήλων ᾖσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

η

Παράλληλα ἑπίπεδά ἐστι, τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallela plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

θ

Ὅμοια περὶ σχήματά ἐστι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων ἀεὶ ἐχόμενα ἴσων τῷ πλήθους.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

ι

Ἰσα δὲ καὶ ὅμοια περὶ σχήματά ἐστι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων ἀεὶ ἐχόμενα ἴσων τῷ πλήθει καὶ τῷ μεγέθει.

ιο

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

ια

Στερεὰ γωνία ἐστίν, ἡ ὑπὸ πλείονων ἢ δύο γεγραμ-

μὴ ἀπορρομῶν ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ὀπιφα-
νείᾳ ὅσων, πρὸς πάσας τὰς γραμμὰς κλίσις.

II

Solidus angulus est, plurium quàm duarum linearum, quæ se mutuò contingant, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio.

Ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ὅστις, ἢ ὑπὸ πλεόντων ἢ δύο ὀπιπέ-
δων γωνιῶν περιεχομένη, μὴ ὅσων ἐν τῇ αὐτῇ ὀπι-
πέδῳ, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισταμένων.

Aliter.

Solidus angulus est, qui pluribus quàm duobus planis angulis in eodem non confi-
stentibus plano, sed ad vnum punctum col-
lectis, continetur.

ιβ

Πυραμὶς ὅστις σχῆμα στερεὸν ὀπιπέδοις περιεχόμε-
νον, ἀπὸ ἐνὸς ὀπιπέδου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνεστίας.

I 2

Pyramis, est figura solida quæ planis con-
tinetur, ab vno plano ad vnum punctum
collecta.

ιγ

Πρίσμα ὅστις σχῆμα στερεὸν ὀπιπέδοις περιεχόμε-
νον, ὡς δύο τὰ ἀπεναντίον ἴσα τε καὶ ὁμοία ὅστις, καὶ πα-
ράλληλα, τὰ δὲ λοιπὰ περιεληνθέντα.

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

14

Σφαῖρα ὅτιν, ὅταν ἡμικυκλίου μῆμούσης τῆς ἀγμέτρου περιεγεῖται τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταῖ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιελθὲν σχῆμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cùm in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

15

Ἀξων δὲ τῆς σφαίρας ὅτιν, ἡ μένουσα εὐθεῖα, περιεῖ τὸ ἡμικύκλιον γέρεται.

15

Axis autem Sphæræ est, quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

16

Κέντρον δὲ τῆς σφαίρας ὅτι τὸ αὐτὸ, ὃ καὶ τῷ ἡμικυκλίου.

16

Centrum verò Sphæræ est idem, quod & semicirculi.

16
 Διάμετρος δὲ τῆς σφαίρας ἔστιν, εὐθεῖα τις ἀπὸ τοῦ
 κέντρου ἡγμένη, καὶ περὶ τὸ κέντρον ἐφ' ἑκάτερον τὰ μέ-
 ρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17
 Diameter autem Sphæræ est, recta quædam
 linea per cætrum ducta, & vtrunque à Sphæ-
 ræ superficie terminata.

17
 Κῶνος ἔστιν, ὅταν ὀρθογωνίῳ τριγώνῳ μὲν ὅσῃς πλευ-
 ραῖς τῆς πρὸς πλεονέκῃ ὀρθῇ γωνίᾳ, πρὸς ἐνὶ τῷ τρί-
 γωνῳ εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ, ὅταν ἡρξάτο
 φέρεσθαι, τὸ περιελθὲν σχῆμα. καὶ ἡ μὲν οὖσα εὐ-
 θεῖα ἴση ἢ τῇ λοιπῇ τῇ πρὸς πλεονέκῃ ὀρθῇ περιφερο-
 μένῃ, ὀρθογωνίος ἔσται κῶνος. εἰ δὲ ἐλάττω, ἀμβλυ-
 γωνίος. εἰ δὲ μείζων, ὀξυγωνίος.

18
 Conus est figura, quæ cōuerso circum quies-
 cens alterum latus eorum quæ rectum an-
 gulum continent, orthogonio triangulo
 continetur, cū in eundem rursus locum
 illud triangulum restitutum fuerit, vnde
 moueri cœperat. Atque si quiescens recta
 linea æqualis sit alteri; quæ circum rectum
 angulum conuertitur, rectangulus erit Co-
 nus: sin minor, amblygonius: si verò ma-
 ior, oxygonius.

18

Ἀξων δὲ τῆς κώνου ὅστις ἡ μόνυσα, περὶ ἣν τὸ τρίγωνον γρέφεται.

19

Axis autem Coni, est quiescēs illa linea, circum quam triangulum vertitur.

20

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος, ὁ ὑπὸ τῆς περιφερομένης ἐπιφανείας γραφόμενος.

20

Basis vero Coni, circulus est, qui à circumducta linea recta describitur.

21

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνίου παραλληλογραμμοῦ μωρούσης μιᾶς πλευρᾶς τῆς περὶ τὸ ὀρθὸν, περιεγεγνητὸν παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ, ὅταν ἤρξαστο φέρεσθαι, τὸ περιγεγνητὸν σχῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso circum quiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, parallelogrammo orthogonio comprehenditur, cùm in eundem rursus locum restitutum fuerit illud parallelogrammum, vnde moueri cœperat.

22

Ἀξων δὲ τῆς κυλίνδρου, ὅστις ἡ μόνυσα ἐπιφανεία, περὶ

ὡς τὸ ὁμοῦ ἡλικίᾳ ἡλικίᾳ γράφεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

κγ

Βάσεις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀπειραντίας περιεχόμενων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

κδ

Ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι εἰσιν, ὧν οἷ τε ἄξονες καὶ αἱ ἀξόμεντοι τῆς βάσεων ἀνάλογόν εἰσιν.

24

Similes cōni & cylindri sunt, quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

κε

Κύβος ὅστις σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ἑξ ἑξαγώνων ἴσων περιεχόμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

κε

Τετράεδρον ὅστις σχῆμα ὑπὸ τετράγωνων τριγώνων

ἴσων καὶ ἰσοπλεύρων ὡς εἰς ἄλλους.

26

Tetraëdrum est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κ ζ

Οκτάεδρόν ἐστι σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ὀκτὼ τριγώνων ἴσων καὶ ἰσοπλεύρων ὡς εἰς ἄλλους.

27

Octaëdrum figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κ η

Δωδεκάεδρόν ἐστι σχῆμα στερεόν, ὑπὸ δώδεκα πενταγώνων ἴσων, καὶ ἰσοπλεύρων, καὶ ἰσογωνίων ὡς εἰς ἄλλους.

28

Dodecaëdrum figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κ θ

Εἰκοσάεδρόν ἐστι σχῆμα στερεόν, ὑπὸ εἰκοσὶ τριγώνων ἴσων, καὶ ἰσοπλεύρων ὡς εἰς ἄλλους.

29

Eicosaëdrum figura est solida, quæ viginti æqualibus, & æquilateris continetur.

Προτάσεις

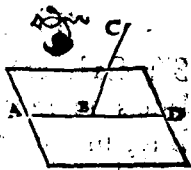
Προτάσις.

α

Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὴ πᾶν ἔστιν ἐν τῷ ὑποκείμενῳ ὅτι πῆδω, μέρος δὲ τι ἐν τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars in subiecto quidem non est plano, quædam verò in sublimi.

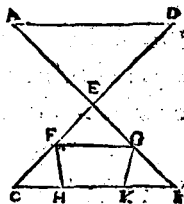


β

Εὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐν εἰς εἰσὶν ὅτι πῆδω, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν εἰς ἔστιν ὅτι πῆδω.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò secant, in vno sunt plano: atque triangulū omne in vno est plano.

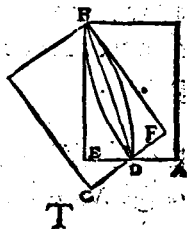


γ

Εὰν δύο ὀπίπῃδα τέμνη ἀλλήλας, ἡ κοινὴ αὐτῶν τὸ μὴ εὐθεῖα ἔστι.

Theor. 3. Propositio. 3.

Si duo plana se mutuò secant, communis eorum sectio est recta linea.

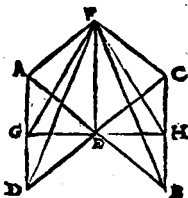


Δ

Εὰν εὐθεῖα δυοὶν εὐθείαις τεμνέσας ἀλλήλας, πρὸς ὀρθὰς ᾗ τῇ κοινῇ τομῇ ᾗ ᾗ ἐκαστῇ, καὶ τῶ δὲ αὐτῶν ᾗ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾗ ᾗ ᾗ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secantibus, in communi sectione ad rectos angulos infistat, illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.

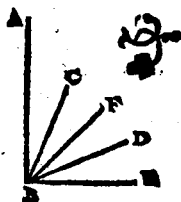


Ε

Εὰν εὐθεῖα πλὴν εὐθείαις ἀπομονώσας ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς ᾗ τῇ κοινῇ τομῇ ᾗ ᾗ ἐκαστῇ, καὶ πρὸς εὐθείαις ἐν ἐνὶ εἰσιν ᾗ ἐπιπέδῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangentibus, in communi sectione ad rectos angulos infistat, illæ tres rectæ in vno sunt plano.

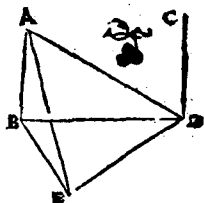


Ζ

Εὰν δύο εὐθεῖαι τῷ αὐτῷ ᾗ ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾗ ᾗ, καὶ ἄλληλοι ᾗ ᾗ ᾗ ᾗ ᾗ.

Theor.6.Propo.6.

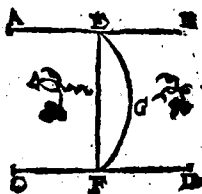
Si duæ rectæ lineæ eidem plano ad rectos sint angulos, parallelæ erunt illæ rectæ lineæ.



Εάν ὥσι δύο εὐθεῖαι ὡς ἀλλήλοι, ληφθῇ δὲ ἐφ' ἑκατέρας αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ὅτι τὰ σημεῖα ὅτι ζευγυμδύη εὐθεῖα, ἐν τῷ αὐτῷ ὅτι πένδω ὅτι ταῖς ὡς ἀλλήλοις.

Theor.7.Propo.7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum vtraque sumpta sint quælibet puncta, illa linea quæ ad hæc puncta adiungitur, in eodem est cum parallelis plano.



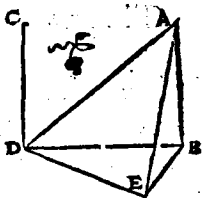
Εάν ὥσι δύο εὐθεῖαι ὡς ἀλλήλοι, ἢ δὲ ἑτέρα αὐτῶν ὅτι πένδω πινὶ πρὸς ὀρθὰς ἢ, καὶ ἡ λοιπὴ τῷ αὐτῷ ὅτι πένδω πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor.8.Propo.8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, qua-

T ij

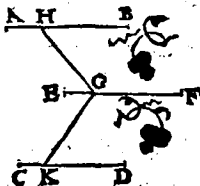
rum altera ad rectos cui-
dam plano sit angulos, &
reliqua eidem plano ad re-
ctos angulos erit.



Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ ὀρθοίῃ ἀλλήλοι, καὶ μὴ οὔσαι αὐτῇ
ἐν τῷ αὐτῷ ὀριπέδῳ, καὶ ἀλλήλας εἰς ὀρθοίῃ
ληλοι.

Theor. 9. Propo. 9.

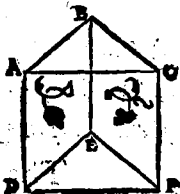
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæ
quoque sunt inter se pa-
rallelæ.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ μὲν ἀλλήλων ὀρθοίῃ δύο εὐ-
θεῖας ἀπὸ μὲν ἀλλήλων ὦσι, μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ὀρι-
πέδῳ, ἴσας γωνίας περιέξουσιν.

Theor. 10. Propo. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales comprehē-
dent.

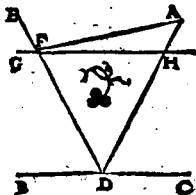


1 α

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετεώρε, ὅτι τὸ ὑποκείμενον ὀπίπεδον χέρεται εὐθείαι γραμμῇ ἀγαν.

Probl. 1. Prop. 11.

A dato sublimi puncto, in subiectum planum perpendiculararem rectam lineam ducere.

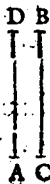


1 β

Τῷ δοθέντι ὀπιπέδῳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς εὐθείαι γραμμῇ ἀναγῆσαι.

Probl. 2. Prop. 12.

Dato plano, à puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectā lineam excitare.



1 γ

Τῷ δοθέντι ὀπιπέδῳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου, δύο εὐθείαι πρὸς ὀρθὰς ὅχι ἀναγῆσονται ὅτι αὐτὰ μέρη.

Theor. 11. Propo. 13.

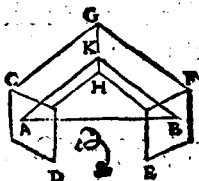
Dato plano, à pūcto quod in illo datum est, duæ rectæ lineæ ad rectos angulos non excitabuntur ad easdem partes.



Πρὸς ἃ ὁπίπεδα ἡ αὐτὴ εὐθεῖα ὀρθὴ ᾖ, ὁδὲ ἀλλήλα ᾖ ἐν ὁπίπεδα.

Theor. 12. Propo. 14.

Ad quæ plana, eadem recta linea recta est, illa sunt parallela.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπόμνηαι ἀλλήλων, ὁδὲ δύο εὐθεῖαι ἀπόμνηαι ἀλλήλων ὥσι μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι, ὁδὲ ἀλλήλα ᾖ ἐν δι' αὐτῶν ὁπίπεδα.

Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad duas rectas se mutuò tāgētes sint parallelae, non in eodem consistentes plano, parallela sunt quæ per illas ducuntur plana,

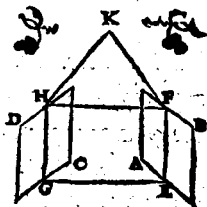


15

Εὰν δύο ὀπίπεδα ὡςάλληλα ὑπὸ ὀπιπέδου πινὸς τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῶν τομαὶ ὡςάλληλοι εἰσι.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo plana parallela plano quopiam secentur, cōmunes illorum sectiones sunt parallelæ.

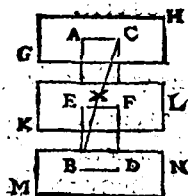


16

Εὰν δύο εὐθεῖαι ὑπὸ ὡςάλλῃων ὀπιπέδων τμήσονται, εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τμηθήσονται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ parallelis planis secantur, in easdem rationes secabuntur.



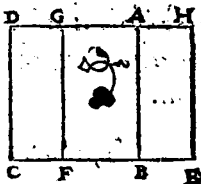
17

Εὰν εὐθεῖα ὀπιπέδῳ πινὶ πρὸς ὀρθὰς ᾖ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ὀπίπεδα, τῷ αὐτῷ ὀπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

T iiij

Theor. 16. Propo. 18.

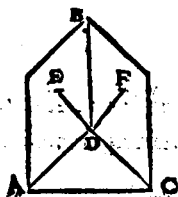
Si recta linea plano cuiuspiam ad rectos sit angulos, illa etiam omnia quæ per ipsam plana, ad rectos eidem plano angulos erunt.



Εάν δύο ὀπίπεδα τέμνοντα ἀλλήλα ὀπιπέδῳ τινὶ πρὸς ὀρθὰς ᾗ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ τῶ αὐτῷ ὀπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 17. Propo. 19.

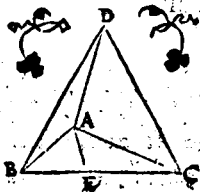
Si duo plana se mutuò secantia plano cuidam ad rectos sint angulos, communis etiam illorum sectio ad rectos eidem plano angulos erit.



Εάν περὶ γωνία ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ὀπιπέδων περιέχεται, δύο ὁποιοῦν τῆς λοιπῆς μαίζοντες αἰεὶ πάντῃ μεταλαμβάνονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis tribus angulis contineatur, ex his duo quilibet utut assumpti tertio sunt maiores.

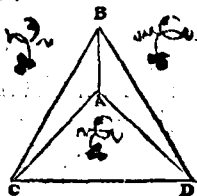


κα

Ἀπασα περὶ γωνία ὑπὸ ἐλασσύνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν γωνιῶν ὀπίπεδον περιέχεται.

Theor. 19. Proposition. 21.

Solidus omnis angulus minoribus continetur, quā rectis quatuor angulis planis.

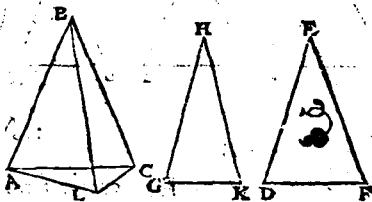


κβ

Εάν ὡσι τρεῖς γωνίαι ὀπίπεδοι, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβάνονται, περιέχουσι δὲ αὐτὰς ἴσαι εὐθεῖαι, δυνατὸν ὅτις ἐκ τῶν ὀπίπεδων τὰς ἴσας εὐθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Prop. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis contineantur lineis, quorum duo ut libet assumpti tertio sint maiores, triangulum constitui potest ex lineis æquales illas rectas coniungentibus.



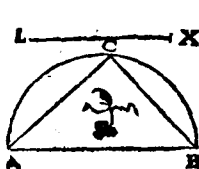
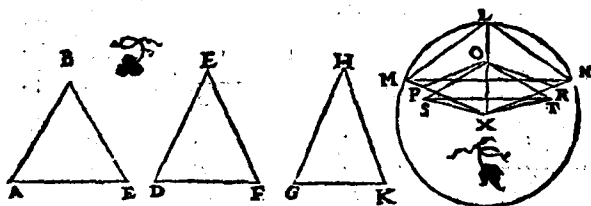
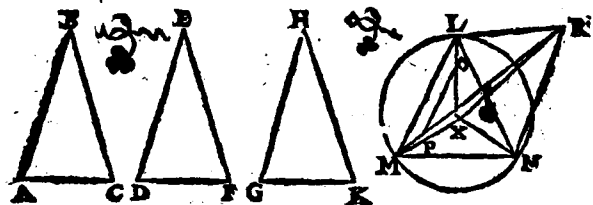
κγ

Εκ τριῶν γωνιῶν ὀπίπεδων, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβάνονται, περὶ αὐτὰς

γωνία συστήσασθαι. δὲ δὴ τὰς τεύς πεσάφαι ὁρ-
θῶν ἐλάσσονας εἶναι.

Probl. 3. Propo. 23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut li-
bet assumpti tertio sint maiores, solidū an-
gulum constituere. Decet autem illos tres
angulos rectis quatuor esse minores.

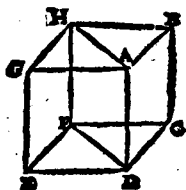


κδ

Εὰν στερόν ὑπὸ τῶν ἀλλήλων ἐ-
πίπεδων περιέχεται, τὰ ἀπε-
ναντίον αὐτῶν ἐπίπεδα, ἴσα τε καὶ
καταλλήλογραμμά εἶναι.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis cõtineatur, aduersa illius plana & æqualia sunt & parallelogramma.

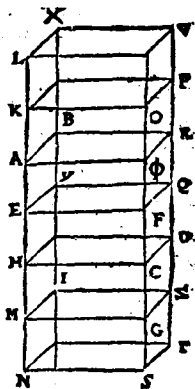


κε

Εὰν στερεὸν ᾧ ὁμοειδίῳ πεδίῳ ὅτι πᾶσι τμήσιν ὁμοειδῶς ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ὅτι πᾶσι, ἕσται ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτως τὸ στερεὸν πρὸς τὸ στερεόν.

Theor. 22. Proposit. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersus planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

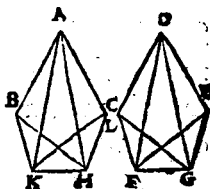


κε

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ στερεᾷ γωνία ἴσιν στερεῶν γωνία συστήσασθαι.

Probl. 4. Propo. 27.

Ad datam rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato æqua-
lem.

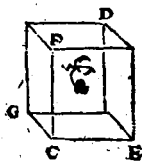
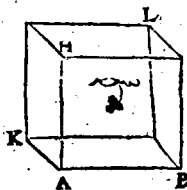


κ ζ

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι στερεῷ ὡς ἀλ-
ληλεπίπεδον ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κείμενον στερεὸν
ὡς ἀλληλεπίπεδον ἀναγράψαι.

Probl. 5. Propo. 27.

A data recta, dato solido parallelis planis
comprehēso simile & similiter positum so-
lidum pa-
rallelis pla-
nis contē-
tū descri-
bere.

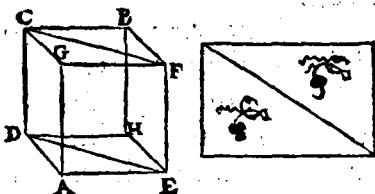


κ η

Εὰν στερεὸν ὡς ἀλληλεπίπεδον ὅτι πᾶσι τμηθῇ
καὶ ὡς ἀπεναντίον ὅτι πᾶσι διχα
τμηθῇ, τότε τὸ στερεὸν ὡς τὸ ὅτι πᾶσι.

Theor. 23. Propo. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum, ducto per aduersorum planorum diagonios plano sectum sit, illud solidum ab hoc plano bifariam sectabitur.

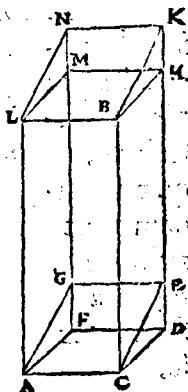


κθ

Τὰ ὅτι τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα τετραῶν παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐφεστῶσαι ὅτι τῆς αὐτῶν εἰσὶν εὐθειῶν, ἴσα ἀλλήλοις εἶναι.

Theor. 24. Proposition. 29.

Solida parallelis planis comprehensa, quæ super eandem basim & in eadem sunt altitudine, quorum insistentes lineæ in iisdem collocantur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

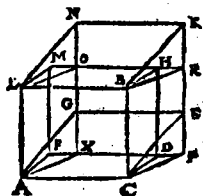


λ

Τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα περὶ τῶν ἀλλήλων
 λεπίπενδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐφεστῶ-
 σαι οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῇ αὐτῶν εὐθείᾳ, ἴσα ἀλλή-
 λοις ὄντι.

Theor. 25. Propo. 30.

Solida parallelis planis cir-
 cumscrip̄ta, quæ super eā-
 dem basim & in eadē sunt
 altitudine, quorū insisten-
 tes lineæ non in iisdem re-
 periuntur rectis lineis, illa
 sunt inter se æqualia.

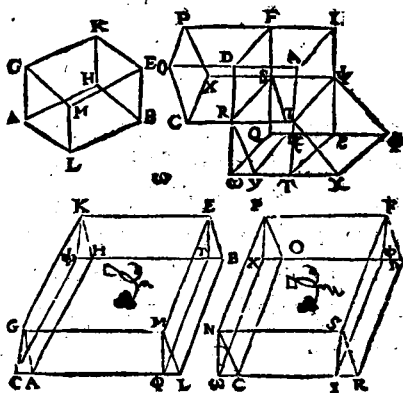


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα περὶ τῶν ἀλλήλων λεπίπεν-
 दा, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 26. Propo. 31.

Solida pa-
 rallelis pla-
 nis circun-
 scripta,
 quæ in ea-
 dem sunt
 altitudine,
 æqualia
 sunt inter
 se.

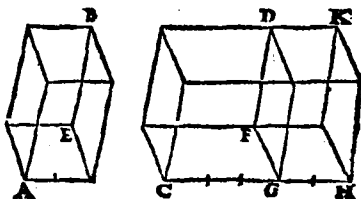


λβ

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα περὶ ὁμοεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ὅτιν, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circumscripta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

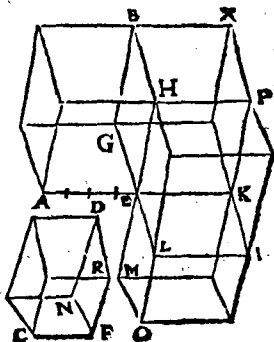


λγ

Τὰ ὅμοια περὶ ὁμοεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῆς ὁμολόγου πλευρᾶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida parallelis planis circumscripta, habent inter se rationem homologorū laterum triplicatam.

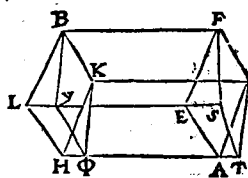
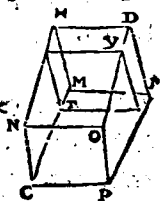
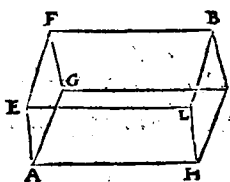
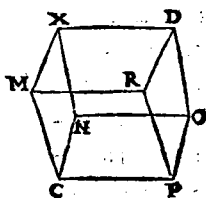
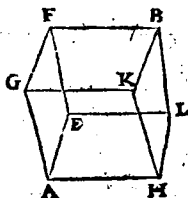


λδ

Τῶν ἴσων στερεῶν τῶν ἀλλήλεπιπέδων ἀντιπεπών-
θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ὧν στερεῶν τῶν ἀλλήλε-
πιπέδων ἀντιπεπώνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι, ἴσα
ὄντι ἐκεῖνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū
solidorum
parallelis
planis cō-
tentorum
bases cum
altitudini-
bus reci-
procantur.
Et solida
parallelis
planis con-
tenta, quo-
rum bases
cum altitu-
dinibus re-
ciprocantur,
illa sunt æqualia.



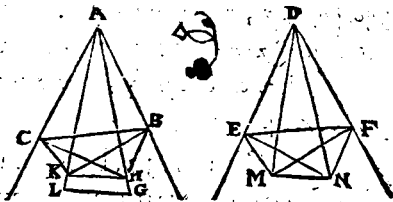
λε

Εὰν ὧσι δύο γωνίαι ὅπτεπεδοι ἴσαι, ὅπτε δὲ τῶν κα-
ρυφῶν αὐτῶν μετέωροι εὐθεῖαι ὅπτεταῖαν ἴσας
γωνίας

γωνίας ἀλλήλους μετὰ τῆς ἐξ ἀρχῆς εὐθεΐων,
 ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, ὅτι δὲ τῆς μετεώρων ληφθῆ
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὅτι τὰ ὅτι πεδία, ἐν
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξ ἀρχῆς γωνίαι, ἁρτῶνται ἀλλήλοις, ὅτι
 δὲ τῆς γενομένων σημεῖων ὑπὸ τῆς ἁρτῶν ὅτι
 τοῖς ὅτι πεδίοις, ὅτι τὰς ἐξ ἀρχῆς γωνίας ὅτι ζευ-
 γῶνται εὐθεΐαι, ἴσας γωνίας ἀλλήλους μετὰ τῆς
 μετεώρων.

Theor. 30. Prop. 35.

Si duo plani sint anguli æquales; quorum
 verticibus sublimes rectæ lineæ insistant,
 quæ cum lineis primò positis angulos con-
 tineant æquales, vtrunque vtrique, in sub-
 limibus autem lineis quælibet sumpta sint
 puncta, & ab his ad plana, in quibus consi-
 stunt anguli primùm positi, ductæ sint per-
 pendiculares, ab earum verò punctis, quæ in
 planis signata fuerint, ad angulos primùm
 positos ad-
 iunctæ sint
 rectæ lineæ,
 hæ cum su-
 blimibus
 æquales an-
 gulos comprehendent.



λ γ

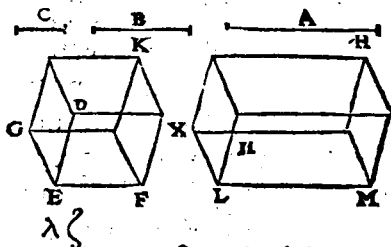
Εὰν βεῖς εὐθεΐαι ἀνάλογον ᾖσι, τὸ ἐκ τῆς περιῶν τε-

V

ρεὶν τῶν ὁμοειπείπων ἴσον ὅτι τῶν ἀπὸ τῆς μέσης
 περιῶν τῶν ὁμοειπείπων, ἴσο πλεύρῳ μὲν, ἴσο γω-
 νίῳ δὲ τῶν ὁμοειπείπων

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales, quod
 ex his tribus fit solidū parallelis planis con-
 tentum, æquale est descripto à media linea
 solido parallelis planis comprehenso, quod
 æquilate-
 rum qui-
 dem sit, sed
 antedicto
 æquiangu-
 lum.

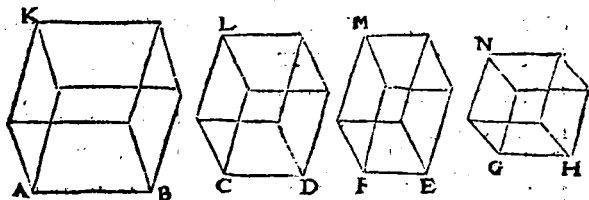


Εὰν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-
 τῶν ὁμοειπείπων ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γραφόμῃνα, ἀνάλογον ἔσται. καὶ ἐὰν τὰ ἀπ' αὐτῶν
 περιῶν τῶν ὁμοειπείπων ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γραφόμῃνα ἀνάλογον ᾦ, καὶ αὐτὰ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλο-
 γον ἔσονται.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportionales,
 illa quoque solida parallelis planis conten-
 ta, quæ ab ipsis lineis & similia & similiter
 describuntur, proportionalia erunt. Et si

solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.

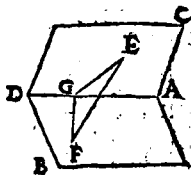


λη

Εὰν ὁπίπεδον πρὸς ὁπίπεδον ὀρθὸν ᾦ, καὶ ἀπὸ τινὸς σημείου τῆς ἐν ἐνὶ τῆς ὁπίπεδων ὁπί τὸ ἕτερον ὁπίπεδον καθετός ἀγρῇ, ὁπὲρ τῆς κοινῆς τομῆς πεσεῖται τῆς ὁπίπεδων ἡ ἀγομένη καθετός.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quodam puncto eorum quæ in vno sunt planorum perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.



λθ

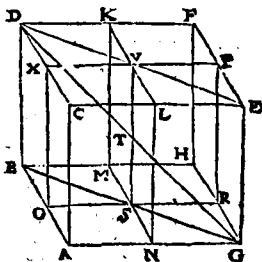
Εὰν γὰρ ὁ ὁρθὸς ἀπὸ τινὸς σημείου τῆς ἐν ἐνὶ τῆς ὁπίπεδων αἱ πλευραὶ διχατμηθῶσι, ἀπὸ δὲ τῆς τομῆς ὁπίπεδα ἐκκληθῇ, ἐκ κοινῆς τομῆς τῶν ὁπίπεδων

V ij

ὃ καὶ τῶ στερεοῦ ὡς ὁ ἀλλήληλεπιπέδου διζόμενος, δι-
χατέμνυσιν ἀλλήλας.

Theor. 34. Propo. 39.

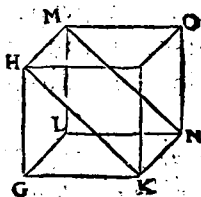
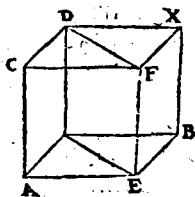
Si in solido parallelis planis circumscripto, aduerforum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorum sectio, & solidi parallelis plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.



Εάν ἡ δύο ὀρίσματα ἰσοῦν ᾤῃ, καὶ τὸ μ᾽ ἐχὼ βάσιν πα-
ραλληλόγραμμον, τὸ δὲ τρίγωνον, διπλάσιον δὲ ἢ
τὸ ὡς ἀλλήλογραμμον τῷ τριγώνου, ἴσα ἔσονται
ὀρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quo-
rum hoc quidē basim habeat parallelogrā-
mum, illudverò triangulum, sit autem pa-
rallelogrā-
mum triā-
guli duplū,
illa prisma-
ta erunt æ-
qualia.



Elementi vndecimi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ Β,
ΚΑΙ' ΣΤΕΡΕΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DVODECIMVM,

ET SOLIDORVM

secundum.

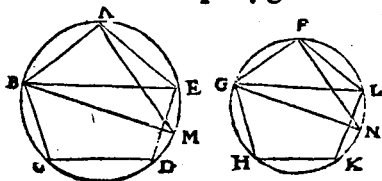
Προτάσεις.

a

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλη-
λά ὅσιν, ὥς τὰ ἀπὸ τῆς ἀμέτρου τετράγωνα.

Theor. i. Propo. i.

Similia quæ sunt in circulis polygona, ra-
tionem ha-
bent inter
se quâ de-
scripta à
diametris
quadrata.



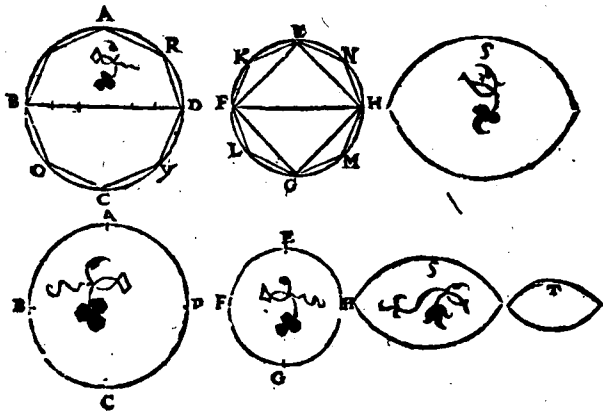
V iij

β

Οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὡς τὰ ἀπὸ τῆς
 Διαμέτρων τετράγωνα.

Theor. 2. Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habēt, quam
 descripta à diametris quadrata.



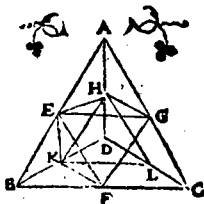
γ

Πᾶσα πυραμὶς τρίγωνον ἔχουσα βάσιν, διαρῆται
 εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, δι-
 γώνους βάσις ἔχουσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο
 ὀρίσματα ἴσα, καὶ τὰ δύο ὀρίσματα μείζονά ἐστιν,
 ἢ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in
 duas diuiditur pyramidas nō tantum æqua-

les & similes inter se, sed
toti etiam pyramidi simi-
les, quarum trigonæ sunt
bases, atque in duo prif-
mata æqualia, quæ duo prif-
mata dimidio pyramidis
totius sunt maiora.

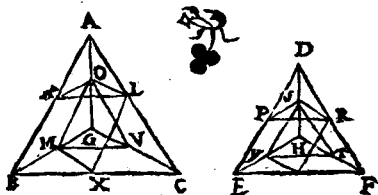


Εὰν ὥσι δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, πε-
γώνοις ἔχουσαι βάσεις, διαρῆθῃ δὲ ἑκάτερα αὐ-
τῶν εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας
τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο ὀρίσματα ἴσα, καὶ τῶν γενομέ-
νων πυραμίδων ἑκάτερα τὸν αὐτὸν τρόπον, καὶ τῷ-
το αἰὲ γίνηται, ἔστιν ὡς ἡ τῆς μιᾶς πυραμίδος βά-
σις, πρὸς πλὴν τῆς ἐτέρας πυραμίδος βάσιν, οὕ-
τως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι ὀρίσματα πάντα,
πρὸς τὰ ἐν τῇ ἐτέρᾳ πυραμίδι ὀρίσματα πάντα
ἰσοπληθῆ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides tri-
gonas habeant bases, sit autem illarum v-
traque diuisa & in duas pyramidas inter se
æquales totique similes, & in duo prismata
æqualia, ac eodem modo diuidatur vtraque
pyramidum quæ ex superiore diuisione na-
tæ sunt, idque perpetuò fiat: quemadmo-
dum se habet vnus pyramidis basis ad alte-

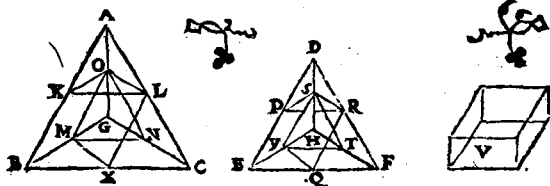
rius pyramidis basim, ita & omnia quæ in vna pyramide prismata, ad omnia quæ in altera pyramide prismata, multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, καὶ τριγώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

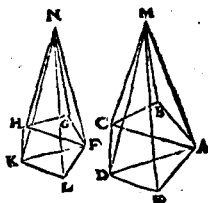
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum tri-gonæ sunt bases, eam inter se rationem habent quam ipsæ bases.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, καὶ πολυγώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor.6.Propo.6.

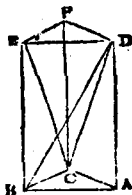
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habent quam ipsæ bases.



Πᾶν ὀρίσμα πρίγωνον ἔχον βάσιν, διαρῆται εἰς ῥεῖς πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις, πρίγωνοις βάσιν εἶχούσαις.

Theor.7.Propo.7.

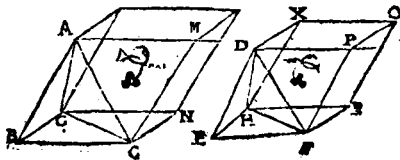
Omne prisma trigonā habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραμίδες, καὶ πρίγωνοις ἔχουσαι βάσιν, ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῷ ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor.8.Propo.8.

Similes pyramides, quæ trigonas habēt bases, in tripli-
cata sunt
homolo-
gorum la-
terum ra-
tione.

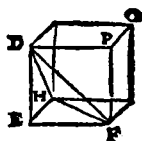
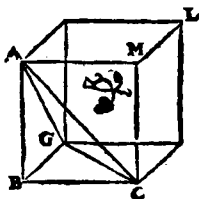


θ

Τῶν ἴσων πυραμίδων, καὶ τριγώνοις βάσεσιν ἔχουσιν ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ὧν πυραμίδων τριγώνοις βάσεσιν ἔχουσιν ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theor. 9. Propo. 9.

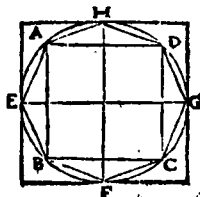
Æqualium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus, illæ sunt æquales.



Πᾶς κῶνος, κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶ τῷ πλὴν αὐτοῦ βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Propo. 10.

Omnis cōnus tertia pars est Cylindri eandem cum ipso cōno basim habentis, & altitudinē æqualem.

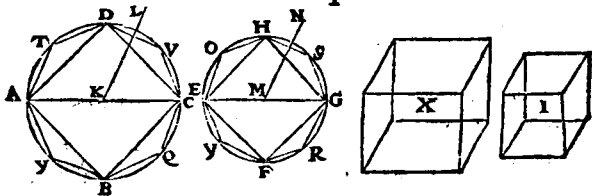


1α

Οἱ ἐκ τὸ αὐτὸ ὕψους ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propo. 11.

Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.

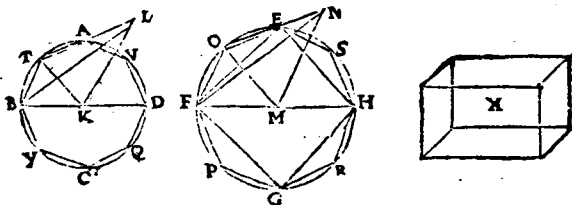


1β

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἐν ταῖς βάσεσι διζυμέζων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam habent
inter se rationem diametrorum quæ sunt in
basibus.



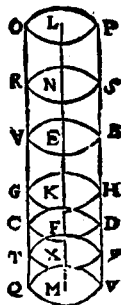
1γ

Εὰν κύλινδρος ὅτι πῶς τμηθῇ ὡς ἀλλήλῳ ὄν-
τι τοῖς ἀπεναντίον ὅτι πῶς, ἔσται ὡς ὁ κύλιν-
δρος.

δρος πρὸς τὸν κύλινδρον, οὕτως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξωνα.

Theor. 13. Proposit. 13.

Si cylindrus plano sectus fit aduersis planis parallelo, erit quemadmodum cylindrus ad cylindrum, ita axis ad axem.

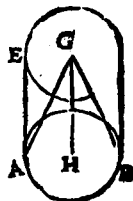
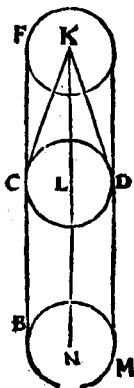


ιδ

Οἱ ὅτι ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theor. 14. Propo. 14.

Coni & cylindri qui in æqualibus sunt basibus, eam habent inter se rationem, quam altitudines.

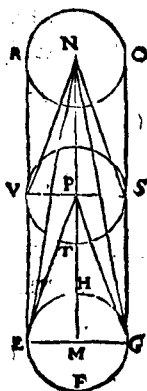


16

Τῶν ἴσων κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ τῶν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσοι εἰσὶν ἐκείνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium conorum & cylindrorum bases cū altitudinibus reciprocantur. Et quorum conorum & cylindrorum bases cū altitudinibus reciprocantur, illi sunt æquales.



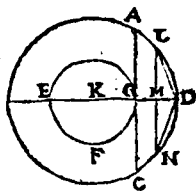
17

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν μείζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἀρτιόπλευρον ἐγέγραψαι, μὴ ψαῦσον τῷ ἐλάσσονος κύκλου.

Probl. 1. Propo. 16.

Duobus circulis circum idem cētrum

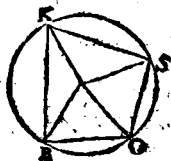
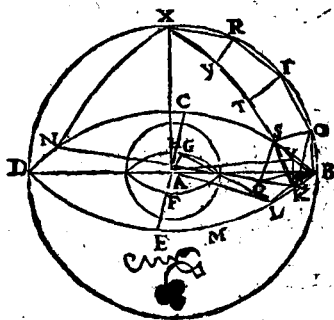
consistentibus, in maiore circulo polygonum equalem pariumque laterum inscribere, quod minorem circulum non tangat.



Δύο σφαῖρας αὐτὸ κέντρον οὖσων, εἰς τὴν μείζονα σφαῖραν στερόν πολυέδρον ἐγχεῖν, μὴ φαῖν τῆς ἐλάσσονος σφαίρας χεῖ τὴν ὀπίσκειαν.

Probl. 2. Propo. 17.

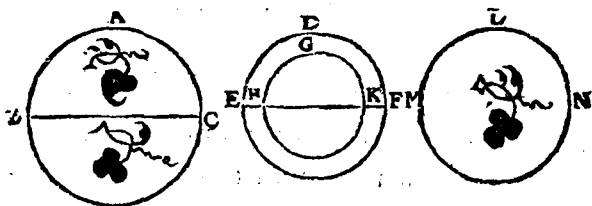
Duabus sphaëris circum idem centrum cōsistētibus, in maiore sphaëra solidum polyedrum inscribere, quod minoris sphaërae superficiem non tangat.



¹⁷
Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ἐν τετραπλάσιον λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἰδίων διαμέτρων.

Theor. 16. Propo. 18.

Sphæræ inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΓ, ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM DECIMVM TERTIVM,

ET SOLIDORVM

tertium.

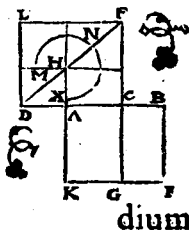
Προτάσις.

a

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ τὸ μείζον τμήμα περιλαβὼν τὴν ἡμίσην τῆς ὅλης, πενταπλάσιον διώεται τὸ ὑπὸ τῆς ἡμοσειᾶς τῆς ὅλης.

Theor. 1. Prop. 1.

Si recta linea per extremam & mediam rationem secta sit, maius segmentum quod totius lineæ dimi-



dium

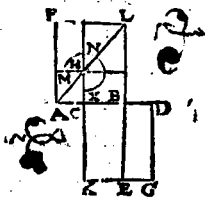
dium assumpserit, quintuplum potest eius quadrati, quod à totius dimidia describitur.

β

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ, τμήματος ἑαυτῆς πενταπλάσιον διώηται, τῆς διπλασίας τῷ εἰρημόνῳ τμήματος ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης, τὸ μείζον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ὅτι τῆς ἑξαρχῆς εὐθείας.

Theor. 2. Propo. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplū possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediam rationem secetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primū positæ.

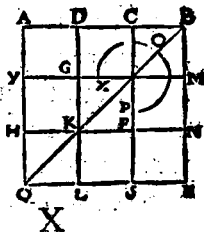


γ

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ ἔλασσον τμήμα παρὰ τοῦ ἡμίσους τῷ μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον διώηται τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῷ μείζονος, τετραγώνῳ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extremā & mediam rationem secta sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidiū assumpserit, quintuplum



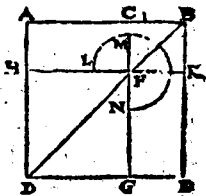
potest eius, quod à maioris segmenti dimidio describitur, quadrati.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήσῃ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συν-
αμρότερα τετράγωνα, τριπλάσια ὂντι τοῦ ὑπὸ τοῦ
μείζονος τμήματος τετράγωνου.

Theor. 4. Propo. 4.

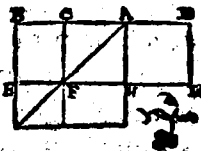
Si recta linea per extremam & mediam ratione secta sit, quod à tota, quodque à minore segmento simul utraq; quadrata, tripla sunt eius, quod à maiore segmento describitur, quadrati.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήσῃ, καὶ προσέσῃ ἴση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἢ εὐθεῖα ἄ-
κρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα
ὂντι, ἢ ἐξαρχῆς εὐθεῖα.

Theor. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineam, quæ per extremam & mediam rationem secetur, adiuncta sit altera segmento maiori æqualis, tota hæc linea recta per extremam



& mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primùm posita.

Εὰν εὐθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκάτερον τῶν τμημάτων ἄλογός ἐστιν, ἢ χαλουμένη ἀποτομή.

Theor. 6. Propo. 6.

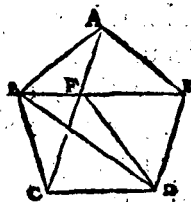
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, vtrunque segmentorum ἄλογος siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.



Εὰν πεντάγωνον ἰσοπλεύρου αἱ πρῆς γωνίαι, ἢτοι αἱ χτ' τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ χτ' τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσογώνιον ἐστὶ τὸ πεντάγωνον.

Theor. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilateri tres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulum.

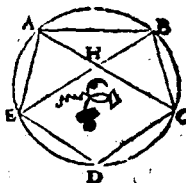


Εὰν πεντάγωνον ἰσοπλεύρου καὶ ἰσογώνιον ᾖς χτ' τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτείνωσιν εὐθείαι, ἄκρον καὶ

μέσον λόγον τέμνουσιν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα αὐ-
τῶν τμήματα ἴσα ὅτι τῇ τῷ πενταγώνου πλευρᾷ.

Theor. 8. Propo. 8.

Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos
qui deinceps sequuntur angulos rectæ sub-
tendant lineæ, illæ per ex-
tremam & mediam ratio-
nem se mutuò secant, ea-
rúmque maiora segméta,
ipsius pétagoni lateri sunt
æqualia.

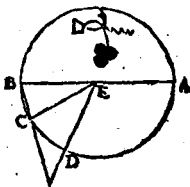


θ

Εὰν ἡ τῷ ἑξαγώνῳ πλευρὰ καὶ ἡ τῷ δεκαγώνῳ, εἰς
τὸν αὐτὸν κύκλον ἐκγεγραμμένων, συνίστησιν, ἡ ὅλη
εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον
αὐτῆς τμήμα, ὅτιν ἡ τῷ ἑξαγώνῳ πλευρὰ.

Theor. 9. Propo. 9.

Si latus hexagoni & latus decagoni eidem
circulo inscriptorum cō-
posita sint, tota recta li-
nea per extremam & me-
diam rationem secta est,
eiusque segmétum maius,
est hexagoni latus.

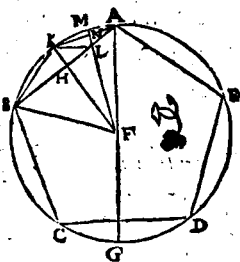


Εὰν εἰς κύκλον πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐκγεγραμ-
μένον,

ἢ τῷ πενταγώνου πλευρὰ διώταται πλὴν τε τοῦ
ἐξαγώνου καὶ πλὴν τῷ δεκαγώνου, τῇ εἰς τὸν αὐτὸν κύ-
κλον ἐγγραφόμενων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentagonum æquilaterum inscriptum sit, pentagoni latus potest & latus hexagoni & latus decagoni, eidem circulo inscriptorum.

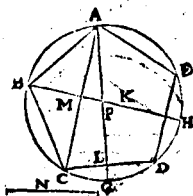


1α

Εὰν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα πλὴν ἀμέμετρον, πεν-
τάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τῷ πενταγώνου
πλευρὰ ἀλογόσ ἐστίν, ἡ καλουμένη ἐλάσσων.

Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητὴν habente diametrum, inscriptum sit pentagonum æquilaterum, pentagoni latus irrationalis est linea, quæ vocatur Minor.



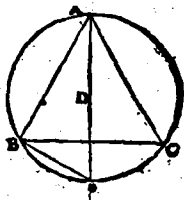
1β

Εὰν εἰς κύκλον τριγώνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἢ τῷ
τριγώνου πλευρὰ, διωάμει τριπλασίαν ἐστὶ τῆς
ἐκ τῷ κέντρου τῷ κύκλου.

X iiij

Theor. 12. Propo. 12.

Si in circulo inscriptum sit
triangulum æquilaterum,
huius trianguli latus po-
tentia triplum est eius li-
neæ, quæ ex circuli centro
ducitur.

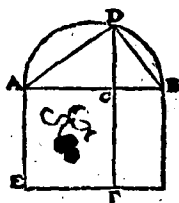
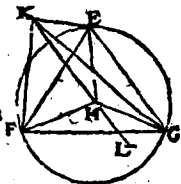
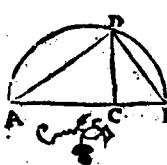


17

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας δι-
μέτρος, δυνάμει ἡμιολία ἐστὶ τῆς πλευρᾶς τῆς πυ-
ραμίδος.

Probl. 1. Propo. 13.

Pyramidem cōstituere, & data sphaera com-
plecti, atque docere illius sphaeræ diametrum
potētia sesquialteram esse lateris ipsius py-
ramidis.



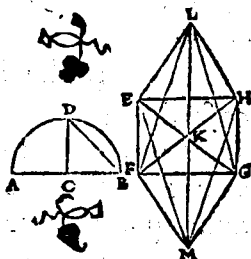
18

Οκτάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
ἡ ἢ τῇ πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας

Διὰ μέγρος δυνάμει διπλασία ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆς
ὀκταέδρου.

Probl. 2. Propo. 14.

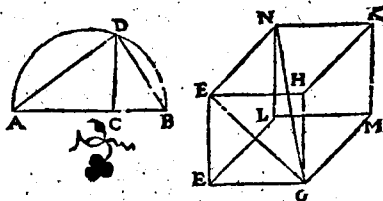
Octaëdron constitui-
tuere, eaque sphæra
qua pyramidem cō-
plecti, atque probare
illius sphærae diame-
trum potentia duplā
esse lateris ipsius o-
ctaëdri.



Κύβον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἢ καὶ τὰ
πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διὰ μέγρος
δυνάμει τριπλασιᾷ ὅτι τῆς τῆς κύβου πλευρᾶς.

Probl. 3. Propo. 15.

Cubum constituere, eaque sphæra qua &
superiores figuras complecti, atque docere
illius sphæ-
rae diame-
trum po-
tentia tri-
plam esse
lateris i-
psius cubi.

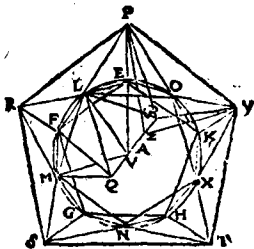


15

Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν·
ἢ καὶ τὰ περιφερειῶν σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς
εἰκοσαέδρου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλουμενὴ ἐ-
λάττω.

Probl.4.Propo.16.

Icosaëdram constituere, eadēque sphaera
qua & antedictas figuras complecti, atque
probare icofoëdrilatus irrationalem esse li-
neam, quæ vocatur Minor.



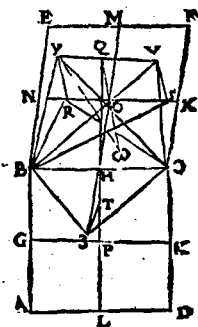
15

Δωδεκάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβῆναι, ἥ ἐν ταῖς περιφερειαῖς σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τοῦ δωδεκαέδρου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἡ καλουμένη ὑποτομή.

Probl. 5. Prop. 17.

Dodecaëdram cōstituere, eadēmq̃ sphæ-

ra qua & antedictas figuras complecti, atque probare dodecaëdri latus irrationalé esse lineam, quæ vocatur Residuum.

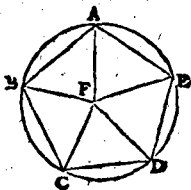
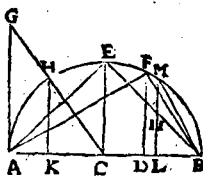


171

Τὰς πλευρὰς τῆς πέντε σχημάτων ἐκτείναι, καὶ συγκρίνειν πρὸς ἀλλήλας.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque
figurarum
latera pro-
ponere, &
inter se cō-
parare.



• Σ Χ Ο ' Λ Ι Ο Ν .

Λέγω δὴ ὅτι τὰ εἰρημόνια εἰς σχήματα ὅσους
γίνεται ἕτερον σχῆμα, πειροχόμενον ὑπὸ ἰσο-
πλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ μὲν
γὰρ δύο τριγώνων, ἀλλ' αὐτὸς ἄλλων δύο ὅτι πεδῶν
τερεὰ γωνία ὅσους γίνονται.

Υπὸ δὲ τριῶν τριγώνων, ἢ τῆς πυραμίδος.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἢ τῷ ὀκταέδρῳ.

Υπὸ δὲ ἑ, ἢ τῷ εἰκοσαέδρῳ.

Υπὸ δὲ ἐξ τριγώνων ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων
 πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνιστάμεν, ὅτε ἔσται τερεὰ γω-
 νία. οὕσης γὰρ τῆς ἑ ἰσοπλεύρου τριγώνου γωνίας δι-
 μοίρου ὀρθῆς, ἔσονται αἱ ἐξ τέταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι, ὅ-
 τε αὐδυνάτον. ἅπαντα γὰρ τερεὰ γωνία ὑπὸ ἐ-
 λασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. ἀλλὰ καὶ
 αὐτὰ δὴ οὐδὲ ὑπὸ πλείονων ἢ ἐξ γωνιῶν ὅτι πε-
 δων τερεὰ γωνία συνίσταται.

Υπὸ δὲ πεντάγωνων τριῶν, ἢ τῷ κύβῳ γωνία πε-
 ριέχεται.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, αὐδυνάτον. ἔσονται γὰρ πάλιν
 τέσσαρες ὀρθαί.

Υπὸ δὲ πεντάγωνων ἰσοπλεύρων καὶ ἰσογωνίων,
 ὑπὸ μὲν τριῶν, ἢ τῷ δωδεκαέδρῳ.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, αὐδυνάτον. οὕσης γὰρ τῆς ἰσο-
 πλεύρου πεντάγωνου γωνίας ὀρθῆς καὶ πέμπτου, ἔσον-
 ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὀρθῶν μείζους,

ὅθεν ἀδυνάτον. ἔδὲ μὲν ὑπὸ παλυγώνων ἑτέρων
 σχημάτων περισχεθήσεται τερεὰ γωνία, ἀλλὰ τὸ
 ἀτοπον. ὅθεν ἀρα ὡς αὖτὰ εἰρημνύα εἰ σχήματα ἑ-
 τέρον σχῆμα τερεὸν συσταθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλεύρων
 καὶ ἰσογώνων περιεχόμενον. ὅθεν ἔδῃ δεῖξαι.

SCHOLIVM.

*Aio verò, præter dictas quinque figuras non posse
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis &
 æquilateris & equiangularis contineatur, inter
 se equalibus. Non enim ex duobus triangulis,
 sed neque ex aliis duabus figuris solidus consti-
 tuetur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an-
 gulus.*

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque verò, Icosaëdri.

*Nam ex triangulis sex & æquilateris & e-
 quiangularis ad idem punctum coeuntibus, non
 fiet angulus solidus. Cum enim trianguli æqui-
 lateri angulus, recti unius bessem contineat,
 erunt eiusmodi sex anguli rectis quatuor equa-
 les. Quod fieri non potest. Nam solidus omnis
 angulus, minoribus quam rectis quatuor angu-
 lis continetur, per 21.11.*

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quàm planis sex eiusmodi angulis solidus constat.

Sed ex tribus quadratis, cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecaëdri angulus continetur.

Sed ex quatuor, nullus potest. Cùm enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex aliis polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΨΟΝ ΙΔ, ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς οἶονταί τινες, ὡς ἄλλοι δὲ, ΥΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ὡς ἡ Τῆς ἑσώματον,

πρώτον.

Βασιλείδης ὁ τύριος, ὁ Πρώταρχε, ὁ βασι-
 λεύς εἰς Ἀλεξάνδρειαν, καὶ συσταθεὶς τῷ πατρὶ
 ἱμερῶς διὰ τὴν ἀπὸ ἑμαυτοῦ συγγένειαν, συν-
 διέβριψεν αὐτῷ τὸν πλεῖστον τῆς ὀπιθιμίας χρο-
 νον καὶ ποτε διελουῦντες τὸ ὑπὸ Ἀπολλωνίου γε-
 φεὶ ὡς τῆς συγκρίσεως τῶ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ
 εἰκοσαέδρου, τῆς εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἔχον-
 τοις, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἀλλήλα,
 ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὀρθῶς γεγραφεῖν τὸν Ἀπολ-
 λώνιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα διὰ κατὰ φύσιν, ἔγρα-
 ψαν, ὡς καὶ ἀκούειν τῶ πατρὸς. ἐγὼ δὲ ὑπερὶ πε-

παλείπεσον ἐτέρω βιβλίῳ ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδο-
 δομένη, καὶ παλείχοντι δόξειν ὑγῶς παρὰ τῷ
 ὑποκειμένῳ, καὶ μεγάλως ἐψυχαγωγῆσαι ὅτι τῇ
 προβλήματός ζητήσῃ. τὸ μὲν ὑπὸ Ἀπολλωνίου
 ἐκδοθεὶς ἔοικε κοινῇ σκοπεῖν. καὶ γὰρ παειφέρεται.
 τὸ δ' ὑφ' ἡμῶν δοκοῦν ὑπερον γεγραφεῖναι φιλο-
 πόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑπομηματισμένως ἔκρινε
 προσφωνήσας σοι διὰ τὴν ἐν ἅπασιν μαθήμασι,
 μάλιστα δ' ἐν γεωμετρίας προσκοπὴν ἐμπείρως κρί-
 νοιτι τὰ ῥηησόμενα, διὰ δὲ τὴν πρὸς τὸν πατέρα
 συνήθειαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς εὐνοίαν, εὐμένως ἀκκο-
 μῶν τῆς παραγματείας. χαρὸς δ' αὖ εἴη προσι-
 μίου μὲν πεπαῦσθαι, τῆς δὲ συντάξεως ἀρχαῖται.



EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM QVAR-

TVM, VT QVIDAM AR-

bitrantur, vt alij verò,

Hypsiclis Alexandri-

ni, de quinque

corporibus.

LIBER PRIMVS.

Basilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplinae societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cumque differerent aliquando descripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri & Icosaëdri eidem sphaerae inscriptorum, quam haec inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui demonstrationem accuratè

complecteretur de re proposita, ex eiusque problematis indagazione magnam equidem cepi voluptatē. Illud certē ab omnibus perspicui potest, quod scripsit Apollonius, cū sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum coniciere licet, studio nos postea scripsisse videmur, id monumentis consignatum tibi nuncupandum duximus, ut qui feliciter cū in omnibus disciplinis tum vel maximē in Geometria versatus, scitē ac prudenter iudices ea quae dicturi sumus: ob eam verō, quae tibi cum patre fuit, vitae cōsuetudinem, quāque nos cōplecteris, benevolentiam, tractationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus est, ut prooemio modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσεις.

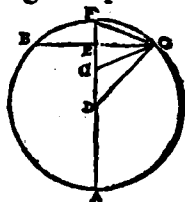
α

Ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου κύκλου πηδός, ὅτι τὴν τὴν πενταγώνου πλευρὰν, τῇ εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐκγεγομμένου καθετὸς ἀγομένη, ἡμίσητά ἐστι (συαμφοτέρου, τῆς τε ὅλῃ τοῦ κέντρου καὶ τῆς τῆς δεκαγώνου, τῇ εἰς τὸν κύκλον ἐκγεγομμένην).

Theor. 1. Propo. 1.

Perpendicularis linea, quae ex circuli cuiuspiam

iuspam centro in latus pentagoni ipsi circulo inscripti ducitur, dimidia est vtriusque simul lineæ, & eius quæ ex centro, & lateris decagoni in eodem circulo inscripti.

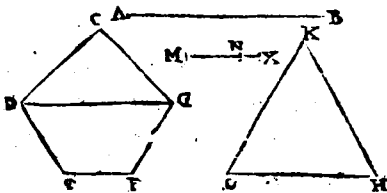
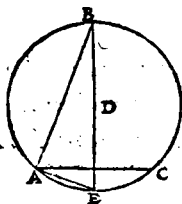


β

Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ, τε τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνον, καὶ τὸ τῷ εἰκοσαέδρῳ τρίγωνον τῆς εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγεγραμμένων.

Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri pētagonum & icoſaëdri triangulum, eidem sphaeræ inscriptorum.



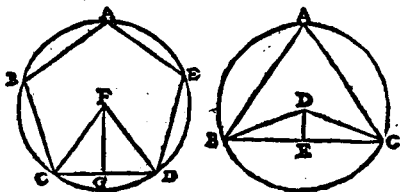
γ

Εάν ἡ πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ περιέγῃ τὸ κύκλος, καὶ ἔσθ' ὑπὸ τῷ κέντρῳ χάφετος ὅτι μίαν πλευρὰν ἀρῇ, τὸ τριακοντάκις ὑπὸ μιᾷ τῆς πλευρῶν καὶ τῆς χάφετος, ἴσον ὅτι τῇ τῷ δωδεκαέδρου ὅτι φαίνεται.

Υ

Theor.3. Propo.3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangulo circumscriptus sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari trigies continetur, illud æquale est δωδεκαῖδρι superficiei.



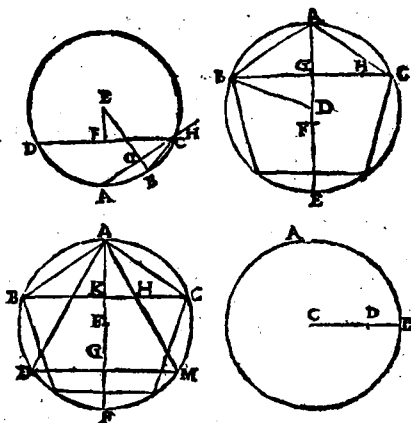
δ

Τούτου δήλου ὄντος, δεκτέον ὅτι ἔσται ὡς ἡ τοῦ δωδεκαῖδρου ὀπιφάνεια πρὸς τὴν ἑῖκοσαῖδρου, οὕτως ἡ τῆς κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῆς εἰκοσαῖδρου πλευράν.

Theor.4. Propo.4.

Hoc perspicuum cū sit, probandum est, quemadmodum se habet δωδεκαῖδρι super-

ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere
cubi latus ad icosaëdri latus.



Cubi latus.

E —————

Dodecaëdri.

F —————

Icosaëdri.

G —————

Y ij

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Διελίον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλευρὰ πρὸς
 τὴν τῷ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ τερεὸν τῷ δωδεχέδρου
 πρὸς τὸ τερεὸν ὅ εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 περιλαμβάνουσι τό, τε τῷ δωδεχέδρου πεντάγωνον,
 καὶ τὸ ὅ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν
 σφαῖραν ἐγγραφόμενων, ἐν δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ ἴσοι
 κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. αἱ γὰρ ἀπὸ τοῦ
 κέντρου τῆς σφαίρας ὅτι καὶ τῶν κύκλων ὅτι πεδὰ
 χάθεται ἀγόμενα, ἴσα τε εἰσὶν καὶ ὅτι καὶ κέντρα
 τῶν κύκλων πίπτουσιν. ὥστε αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς
 σφαίρας ὅτι τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τοῦ περιλαμ-
 βάλλοντος τό, τε τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, καὶ τὸ τῷ
 δωδεχέδρου πεντάγωνον, ἴσα εἰσὶ, τετέστι αἱ χά-
 θεται. ἰσοϋψεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πρυμνίδες αἱ βά-
 σεις ἔχουσαι καὶ τῷ δωδεχέδρου πεντάγωνα, καὶ
 αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ
 ἰσοϋψεῖς πρυμνίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις. ὡς ἄρα τὸ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον,

οὕτως ἡ περχμὶς ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ τῷ δωδεχαέδρῳ
 πεντάγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας,
 πρὸς τὴν περχμίδα ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ τῷ εἰκο-
 σταέδρῳ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας.
 καὶ ὥς ἄρα δώδεκα πεντάγωνα πρὸς εἴκοσι τρίγω-
 να, οὕτω δώδεκα περχμίδες πενταγώνους βάσις
 ἔχουσαι πρὸς εἴκοσι περχμίδας τριγώνους βάσις
 ἔχούσας. καὶ δώδεκα πεντάγωνα ἢ τῷ δωδεχαέ-
 δρου ἐπιφανείᾳ ἐστίν, εἴκοσι δὲ τρίγωνα ἢ τῷ εἰκο-
 σταέδρῳ ἐπιφανείᾳ ἐστίν. ἔστιν ἄρα ὡς ἡ τῷ δωδεχαέ-
 δρῳ ἐπιφανείᾳ πρὸς τὴν ἑξῆς εἰκοσταέδρου ἐπιφανείᾳ,
 οὕτω δώδεκα περχμίδες πενταγώνους βάσις ἔχου-
 σαι πρὸς εἴκοσι περχμίδας τριγώνους βάσις ἔχου-
 σας. καὶ εἰσὶ δώδεκα μὲν περχμίδες πενταγώ-
 νους βάσις ἔχουσαι, τὸ στερεὸν τῷ δωδεχαέδρῳ, εἴ-
 κοσι δὲ περχμίδες τριγώνους βάσις ἔχουσαι, τὸ στε-
 ρεὸν τῷ εἰκοσταέδρῳ. καὶ ὡς ἄρα ἢ τῷ δωδεχαέδρῳ
 ἐπιφανείᾳ πρὸς τὴν τῷ εἰκοσταέδρῳ, οὕτω τὸ στερεὸν
 τῷ δωδεχαέδρῳ πρὸς τὸ στερεὸν τῷ εἰκοσταέδρῳ. ὡς
 δὲ ἢ ἐπιφανείᾳ τῷ δωδεχαέδρῳ πρὸς τὴν ἐπιφα-

νῆαι ὅς ἐικοσαέδρου, οὕτως ἐδείχθη ἢ ὅς κύβου πλευ-
 ρὰ πρὸς τιῷ ὅς ἐικοσαέδρου πλευραί. καὶ ὡς ἄρα ἡ
 τῷ κύβου πλευρὰ πρὸς τιῷ τῷ ἐικοσαέδρου πλευ-
 ράν, οὕτω τὸ τερεὸν ὅς δωδεκαέδρου πρὸς τὸ τερεὸν τῷ
 ἐικοσαέδρου.

SCHOLIUM.

Nunc autem probandum est, quemadmodum se
 habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habere
 solidū dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cum enim
 æquales circuli comprehendant & dodecaëdri πεν-
 τάγωνον & Icosaëdri triangulum, eidem sphaeræ
 inscriptorum: in sphaeris autem æquales circuli æ-
 quali intervallo distent à centro (siquidem perpen-
 diculares à sphaeræ centro ad circulatorum plana du-
 ctæ & æquales sunt, & ad circulatorum centra ca-
 dunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à
 sphaeræ centro ducuntur ad centrum circuli com-
 prehendentis & triangulum Icosaëdri & penta-
 γωνiū dodecaëdri, sunt æquales. Sunt igitur æqua-
 lis altitudinis Pyramides, quæ bases habent ipsa
 dodecaëdri pentάγωνα, & quæ, Icosaëdri trian-
 γουλα. At æqualis altitudinis pyramides rationem
 inter se habent eam quam bases, ex 5. & 6. 11.
 Quemadmodum igitur pentάγωνον ad triangu-

gulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autē, sphaerae centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autē, sphaerae centrum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides, quorum pentagona sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonas habeant bases. Ad pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigonae sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri. Viginti autem pyramides, quae trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex I I. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quemadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.

Y iii



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕ, ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς οἴονταί τινες, ὡς ἄλλοι δὲ, ΓΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρείας,

ὡς τῆς ἑσπερίας,

δευτέρου.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMUMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant: vt

autem alij, Hypsiclis

Alexandrini, de

quinque cor-

poribus,

LIBER SECVNDVS.

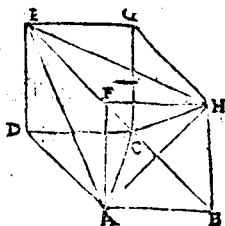
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον περὶ μέδου ἐγχαίρειται.

Problema 1. Pro-
positio 1.

In dato circulo pyra-
midem inscribere.

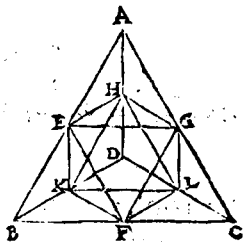


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐντέθειται.

Problema 2. Pro-
positio 2.

In data pyramide o-
ctaëdru inscribere.

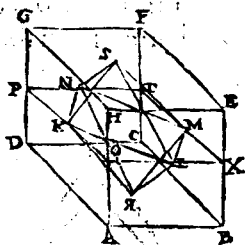


γ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐντέθειται.

Problema 3. Pro-
positio 3.

In dato cubo octaëdru
inscribere.

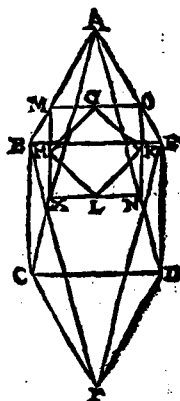


δ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐντέθειται.

Problema 4. Pro-
positio 4.

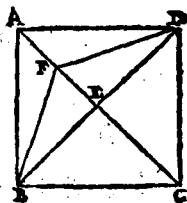
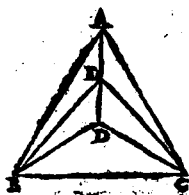
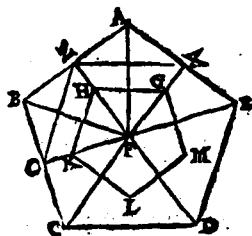
In dato octaëdro cubum
inscribere.

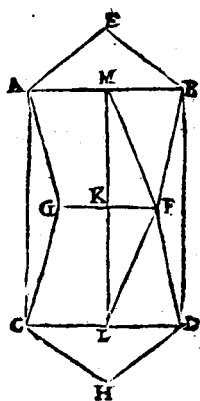
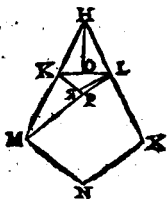
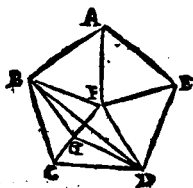


Εἰς τὸ δοτὲν ὀκταέδρον δωδεκάεδρον ἐνγεγραψαί.

Probl. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icosaëdro δω-
decaëdron inscribere.





ΣΚΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι εἰάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πάσας πλευ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσάεδρον, φήσομεν οὕτως. Φανερόν ὅτι
 ὑπὸ εἴκοσι τριγώνων περιέχεται τὸ εἰκοσάεδρον,
 καὶ ὅτι ἔχασον τρίγωνον ὑπὸ τριῶν εὐθεῶν περιέ-
 χεται. δεῖ οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἴκοσι
 τρίγωνα ὅτι τὰς πλευρὰς τῶ τριγώνου, γίνεται δὲ
 ἐξήκοντα, ὧν ἡμῖς γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ
 ὅτι δωδεκάεδρου. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-
 γωνα περιέχουσι τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἔχα-
 σον πεντάγωνον ἔχει πέντε εὐθείας, ποιούμεν δω-
 δεκάκις πέντε, γίνεται ἐξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμῖς
 γίνεται τριάκοντα. ἀλλὰ τί δὲ τὸ ἡμῖς ποιούμεν,
 ἐπειδὴ ἔχεται πλευρὰ, καὶ ἅντι τῷ τριγώνου, ἢ πεντα-
 γώνῳ, ἢ τετραγώνῳ, ὥς ὅτι κύβου, οἷον δευτέρῳ λαμ-
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὅτι κύβου, καὶ
 ὅτι τῆς πυραμίδος, καὶ τῶ ὀκτάεδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας, εὐρήσῃς τὰς πλευρὰς. εἰ δὲ βεβληθείης πάλιν
 ἔχεται τὸ πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλιν

λιν τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε τῷ θ' αὖ ἐπίπεδα
 τὰ περιέχοντα μίαν γωνίαν τῷ τερεῦ, οἷον ἐπειδὴ
 τὴν τῷ εἰκοσαέδρου γωνίαν περιέχουσιν ἑ τρία γωνία,
 μέριξε τῷ θ' αὖ ἑ, γίνονται δώδεκα γωνία τοῦ εἰ-
 κοσαέδρου. ὅτι δὲ τοῦ δωδεκαέδρου, τρία πεντά-
 γωνα περιέχουσι τὴν γωνίαν, μέρισον τῷ θ' αὖ
 τρία, καὶ ἕξ ἑ γωνίας οὔσας τῷ δωδεκαέδρου. ὁ-
 μοίως δὲ καὶ ὅτι τῷ λοιπῶν εὐρήσῃς τὰς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδου στοιχείων.

SCHOLIUM.

*Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosaë-
 drum habeat latera, ita respondendum esse. Patet
 Icosaëdram viginti contineri triangulis, quodli-
 bet verò triangulum rectis tribus constare lineis.
 Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula
 in trianguli unius latera, fiuntque sexaginta, quo-
 rum dimidium est triginta. Ad eundem modum et
 in dodecaëdro. Cum enim rursus duodecim penta-
 gona dodecaëdram comprehendant, itemque pen-
 tagonum quodvis rectis quinque cōstet lineis, quin-
 que duodecies multiplicamus, fiunt sexaginta, quo-*

rum rursus dimidium est triginta. Sed cur dimidium capimus? Quoniam vnumquodque latus siue sit trianguli siue pentagoni, siue quadrati; ut in Cubo, iteratò sumitur. Similiter autem eadem via & in cubo & in pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quòd si item velis singularam quoque figurarum angulos reperire, facta eadem multiplicatione numerum procreatum partire in numerum planorum quæ vnum solidum angulum includunt; ut quoniam triangula quinque vnum Icosaëdri angulum cōtinent, partire 60. in quinque, nascuntur duodecim anguli Icosaëdri. In dodecaëdro autem tria pentagona angulum comprehendunt, partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri angulos viginti. Atque simili ratione in reliquis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.



