

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

E V C L I D I S

E L E M E N T O R V M

LIBRI XV. GRAE-

cè & Latinè,

*Quibus, cum ad omnem Mathematicæ scientiæ
partem, tum ad quamlibet Geometriæ tractatio-
nem, facilis comparatur aditus.*

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
εὔρε.

Πυθαγόρας σοφὸς εὔρε, Πλάτων δ' αἰείδην ἑδί-
δαξεν,

Εὐκλείδης ὅτι τοῖσι κλέος δειχάμενος ἔτευξεν.



IN ME MORS,



IN ME VITA.



PARISIIS,

*Apud Hieronymum de Marnef, & Gulielmum
Caueilat, sub Pellicano, monte D. Hilarij.*

1573.

*Paris 5 Nov. 82. — 15/8
M. Zuisson.*

0042



AD CANDIDVM LE-
CTOREM ST. GRACILIS

P R A E F A T I O.

DERMAGNI referre semper
existimaui, lector beneuole,
quantum quisque studij & di-
ligentiae ad percipienda scien-
tiarum elemēta adhibeat, qui-
bus non satis cognitis, aut per-
peram intellectis, si vel digitum progredi tentes,
erroris caliginem animis offundas, nō veritatis lu-
cem rebus obscuris adferas. Sed principiorum quā-
ta sint in disciplinis momenta, haud facile credat,
qui rerum naturam ipsa specie, non viribus metia-
tur. Vt enim corporum qua oriuntur & intereunt,
vilissima tenuissimāque videntur initia: ita rerum
eternarum & admirabilium, quibus nobilissima
artes continentur, elementa ad speciem sunt exilia,
ad vires & facultatem quāmaxima. Quis non
videt ex fici tantulo grano, vt ait Tullius, aut ex
acino vinaceo, aut ex ceterarum frugum aut stir-

A ij.

pium minutissimis seminibus tantos truncos ramosque procreari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu audituque perexigua, quātam theorematum syluam nobis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis seminibus, sic & in artium principis inesse vim earum rerum, quae ex his progignuntur. Praclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἴσως ἀρχὴ πάντων, καὶ ὅσα κράτιστον τῇ δυνάμει, τοσοῦτον μικρότατον ὂν τῷ μεγέθει, χαλεπὸν εἶναι ὀφθαλμοῖς. Quocirca committendum non est, ut non bene prouisa & diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumque rerum Veritas sit demonstranda, vel constituas, vel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatione turpiter deceptus, a vera principiorum ratione temere deflektas. Nam qui initio fortè aberrauerit, is ut tandem in maximis versetur erroribus necesse est: cum ex vno erroris capite densiores sensim tenebrae rebus clarissimis obducantur. Quid tam varias veterum physiologorum sententias non modò cum rerum veritate pugnantes, sed vehemēter etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fueritne vlla potior tanti dissidij causa, quam quòd ex principis partim falsis partim nō consentaneis du-

Et rationes probando adhiberent. Fit enim plerumque, ut qui non rectè de artium rerumque elementis sentiunt, ad præfinitas quasdam opiniones suas omnia reuocare studeant. Pythagorei, ut meminit Aristoteles, cum denarj numeri summam perfectionem cælo tribuerent, nec plures tamen quàm nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt terræ aduersam, quam ἀντίχθονα appellarunt. Illi enim vniuersitatis rerumque singulari naturam ex numeris seu principiis æstimantes, ea protulerunt quæ φανόμεναι congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagoræ, Anaximandri, & reliquorum id genus physiologorum somnia, ex falsis illa quidem orta naturæ principiis, sed ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens prætereo. Nonnullos attingam, qui repetitis aliis, vel aliter ac decuit positis rerum initiis, cum in physicis multa turbauerunt, tum Mathematicos oppugnatione principiorum pessimè multauerunt. Ex planis figuris corpora constituit Timæus: Geometrarum hæc quidem principia cuniculis oppugnantur. Nam & superficies seu extremitates crassitudinem habebunt, & lineæ latitudinem: denique puncta non erunt individua, sed linearum partes. Prædicant

Democritus atque Leucippus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic verò Geometriae fundamenta aperte pctuntur, & funditus evertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quàm vt amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot praeclara Geometrarum de asymmetris & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causae dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri non queat? Siquidem quod minimum in vnoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quae ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia *ἑρδογενήματα* genera commemorem, quae ex hoc vno fonte tam longè latèque diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cum recta lineae curuam posuit aequalem. Longum esset mihi singula percensere, praesertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, *αποὐδαρτέον ὅτι*

θεωρεῖται χαλῶς αἱ ἀρχαί. μέγαλιν γὰρ ἔχουσι
 ποτὶ τὸ πρῶτον. Nā principiis illa cōgrue-
 re debet, quæ sequuntur. Quod si tantum perspi-
 citur in istis exilioribus Geometriæ initis, quæ
 puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,
 ut ne hæc quidem sine summo impendentis rui-
 næ periculo conuelli aut oppugnari possint: quan-
 ta quæso vis putanda est huius τοιχειώσεως, quam
 collatis tot. præstantissimorum artificum inuen-
 tis, mira quadam ordinis solertia contexuit Eu-
 clides, vniuersæ Matheσews elementa complexu
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-
 ctior & paratior quisque ad hoc studiū libentius
 accedat, & singula vel minutissima exactius se-
 cum reputet atque perdiscat, opera precium cē sui
 in primo institutionis aditu vestibuloque præci-
 pua quædam capita, quibus tota ferè Mathema-
 ticæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
 τοιχειώσῃ consilium sedulo ac fideliter exponere.
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
 fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-
 genuum animi candorem ad legendum attulerit.
 Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.

Mathematicæ in primis scientiæ studiosos

fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor vniuersum distribuatur Mathematica scientiæ genus, quarum duas $\omega\epsilon\iota\ \tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$, reliquas $\omega\epsilon\iota\ \tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ versari statuerunt. Nam $\omega\epsilon\iota\ \tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$ vel sine vlla comparatione ipsum per se cognosci, vel certa quadâ ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc versari Musicam: $\omega\epsilon\iota\ \tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriæ propositum esse: quod verò sua sponte motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quòd in vtroque quanti genere cernitur, idcirco inanem videri (si quidem non solum magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis accretio infinitè progredi potest) meminisse decet, $\tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ & $\tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$, quæ subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscunque modi quantitatem significare, sed eam demum, quæ tum multitudine tum magnitudine sit definita, & suis circumscripta terminis. Quis enim vllâ infiniti scientiâ defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem complecti quenquâ posse. Itaque ex infinita multitudinis & magnitudinis $\delta\upsilon\omega\acute{\alpha}\mu\upsilon$, finitam hæc

scientia decerpit & amplectitur naturam, quam tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geometrarum consuetudine quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis subiecti affectiones exquirunt, disertē monet Aristoteles, οὐδὲ νῦν (de Mathematicis loquens) δέονται τῶ ἀπείρου, ὅδὲ χεῶνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσῳ αὐ βέλονται, περὶ ἀσμεῖν. Quamobrem disputatio ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis rationibúsque non aduersatur, nec eorum apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod exitu nullo paragrari possit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem: sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea ut suppetat, infinitam precipiunt. Quinetiam non modò immensa magnitudine opus non habent Mathematici, sed ne maxima quidem: cū instar maximæ minima quæque in partes totidē pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, vir (quantum ex Proclo coniicere licet) μαθημάτων lande clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accuratior fortē visa est, cum doctissimè pertractarit sua in decimū Euclidis præfatione P. Μόταυταυρεus vir senatorius, & regiae bibliotheca præ-

fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν καὶ τῶν αἰ-
 σθητῶν, quæ res sub intelligentiam cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit Geminus: quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatrix, Optica, Geodesia & Mechanica
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectas-
 se videtur Aristoteles, cum Astrologiam, Opti-
 cam, Harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθημάτων
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis
 interiectæ sint, ac velut ex vtriusq; mixta disci-
 plina: Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, ἐνταῦθα γὰρ, φη-
 σί, τὸ μὲν ὅτι, τῶν αἰσθητικῶν εἶδέναι, τὸ δὲ διότι,
 τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, vt quid Mathema-
 tica cōueniat cū Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostēdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt positæ, ob idque θεωρητι-
 καὶ à Græcis dicuntur. Nam cum θεωρία sine
 ratio & mens omnis sit vel πρακτικὴ, vel ποιη-
 τικὴ, vel θεωρητικὴ, totidem scientiarū sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-

ficiendo sunt occupatae, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem θεωρητικῶν, harum autem vel mens, vel ars, vel vis quaedam & facultas rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque hæc una in omnes valet ratio, quæ θεωρητικὰς esse colligat. Iam Verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd utraque versatur in cognitione formarum corpori naturali inhaerentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudines & puncta cõtemplatur, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à concretione materiæ sunt liberae. Nā tametsi Mathematicæ formæ re vera per se non cohærent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, οὐδὲ γινεται ψεύδος θεωρητικῶν, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iā quid intersit, videamus. Vnaquæque Mathematicarum

Democritus atque Leucippus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic verò Geometriae fundamenta aperte petuntur, & funditus euertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quàm vt amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot praeclara Geometrarum de asymmetris & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causa dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri non queat? Siquidem quod minimum in vnoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quae ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia *ἑνδοξα* *ἀληθέων* genera commemorem, quae ex hoc vno fonte tam longè latègue diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cum recta lineae curuam posuit aequalem. Longum esset mihi singula percensere, praesertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, *ἀποὺδ' αὖτεον ὁπῶς*

δεῖδωσι καλῶς αἱ ἀρχαί. μετὰ γὰρ ἔχουσι
 ποτὶ τὸ πρῶτον ἐπόμωδα. Nā principiis illa cōgrue-
 re debet, quæ sequuntur. Quod si tantum perspi-
 citur in istis exilioribus Geometriæ initiis, quæ
 puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,
 ut ne hæc quidem sine summo impendentis rui-
 næ periculo conuelli aut oppugnari possint: quan-
 ta quæso vis putanda est huius σοιχειώσεως, quam
 collatis tot. præstantissimorum artificum inuen-
 tis, mira quadam ordinis solertia contexuit Eu-
 clides, vniuersæ Matheσews elementa complexu
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-
 ctior & paratior quisque ad hoc studiū libentiùs
 accedat, & singula vel minutissima exactiùs se-
 cum reputet atque perdiscat, opera precium cēsui
 in primo institutionis aditu vestibulòque præci-
 pua quædam capita, quibus tota ferè Mathema-
 ticæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
 σοιχειώσῃ consiliū sedulò ac fideliter exponere.
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
 fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-
 genuum animi candorem ad legendum attulerit.
 Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.

Mathematica in primis scientiæ studiosos

A iiij

fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed
 etiam philosophorum libri declarant. His ergo
 placuit, ut in partes quatuor vniuersum distri-
 buatur Mathematicæ scientiæ genus, quarum duas
 ὡς τὸ πρῶτον, reliquas ὡς τὸ πηλίκον versari
 statuerunt. Nam & τὸ πρῶτον vel sine vlla com-
 paratione ipsum per se cognosci, vel certa quadā
 ratione comparatum spectari: in illo Arithme-
 ticam, in hoc versari Musicam: & τὸ πηλίκον
 partim quiescere, partim moueri quidem: illud
 Geometriæ propositum esse: quod verò sua spon-
 te motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò pu-
 tet Mathematicam scientiam, quòd in utroque
 quanti genere cernitur, idcirco inanem videri
 (si quidem non solum magnitudinis diuisio, sed
 etiam multitudinis accretio infinitè progredi po-
 test) meminisse decet, τὸ πηλίκον & τὸ πρῶτον, quæ
 subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à Py-
 thagoreis nomina, non cuiuscunque modi quanti-
 tatem significare, sed eam demum, quæ tum mul-
 titudine tum magnitudine sit definita, & suis cir-
 cumscripta terminis. Quis enim vllā infiniti sci-
 tiæ defendat? Hoc scitum est, quod non semel do-
 cet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem
 complecti quenquā posse. Itaque ex infinita mul-
 titudinis & magnitudinis δυνάμει, finitam hæc

scientia decerpit & amplectitur naturam, quam tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geometrarum consuetudine quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristoteles, οὐδὲ γὰρ (de Mathematicis loquens) δέονται τῶ ἀπείρῳ, ὅδὲ γένοιται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσῳ αὐτὸ βέλωνται, περὶ ᾧ ἀσμεῖναι. Quamobrem disputatio ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis rationibusque non aduersatur, nec eorum apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod exitu nullo paragrari possit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem: sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea ut suppetat, infinitam precipiunt. Quinetiam non modò immensa magnitudine opus non habent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum instar maximæ minima quæque in partes totidē pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, vir (quantum ex Proclo coniicere licet) μαθημάτων laude clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accuratior fortè visa est, cum doctissimè pertractarit sua in decimū Euclidis præfatione P. Mōrautæus vir senatorius, & regia bibliotheca præ-

fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν καὶ τῶν αἰ-
 σθητῶν, quæ res sub intelligentiam cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit Geminus : quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatrici, Optica, Geodesia & Mechanica
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectas-
 se videtur Aristoteles, cum Astrologiam, Opti-
 cam, Harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθημάτων
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis
 interiectæ sint, ac velut ex vtriusq; mixtæ disci-
 plinæ : Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, ὡς αὖθα γὰρ, φη-
 σί, τὸ μὲν ὅτι, τῶν αἰσθητῶν εἰδέναι, τὸ δὲ διότι,
 τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, vt quid Mathema-
 tica cōueniat cū Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostēdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt posita, ob idque θεωρη-
 τικά à Grecis dicuntur. Nam cum Λόγος sine
 ratio & mens omnis sit vel θεωρητική, vel ποιν-
 τική, vel θεωρητική, totidem scientiarū sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-

ficiendo sunt occupata, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem θεωρητικῶν, harum autem vel mens, vel ars, vel vis quædam & facultas rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque hæc una in omnes valet ratio, quæ θεωρητικὰς esse colligat. Iam Verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd utraque versatur in cognitione formarum corpori naturali inherentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudines & puncta cōtemplatur, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à concretionem materiae sunt liberae. Nā tametsi Mathematicæ formæ re vera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, οὐδὲ γινεται ψεύδος χωρὶς ὄντων, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iā quid intersit, videamus. Vnaquæque Mathematicarum

certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo versetur, ut Geometria quantitatem & continuationem aliorum in unam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem Philosophia, cum sit omnium communis, uniuersum Entis genus, quaeque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad haec, Mathematica eam modo naturam amplectitur, quae quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ἐξ ἀφαιρέσεως dici consuevit. Sed prima Philosophia in iis versatur, quae & seiuncta, & aeterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Ceterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, unde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematica species nihil re vera sunt aliud, quam corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem confectatur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensae sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quaecun-

que in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem etiam in naturalibus rebus videantur accidere, nō autem vicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incōmoda, quæ nihil ad Mathematicum attinēt, Ἀλλὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὴ ἐξ ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικά, τὰ δὲ φυσικά ἐκ προσθέσεως. Siquidem res cum materia deuinctas contemplatur physicus: Mathematicus verò rem cognoscit circumscriptis iis omnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, leuitate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, aliisque contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continuum. Itaque Mathematicorum ars in iis quæ immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικά τῶν ὄντων ἀνεν κινήσεως ὄντιν, ἕξω τῶ ἐν τῷ ἀπολογίῳ) quæ verò in naturæ obscuritate posita est, res quidem quæ nec separari nec motu vacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates earum demonstres. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, æquale, rotundum, vniuersa denique Mathematicus quæ tractat & profitetur, absque motu explicari docerique possunt: χωριστὰ γὰρ τῇ νοήσῃ κινήσεως ὄντι. Physicæ

autem sine motione species nequaquā possunt intelligi. Quis enim, hominis, plantae, ignis, ossiū, carnis naturā & proprietates sine motu qui materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper substantia quaeque naturalis constare dici solet, quoad opus & munus suum, agendo patiendōque tueri ac sustinere valeat: qua certē amissa δυνάμει, ne nomen quidem nisi ὁμωνύμως retinet. Sed Mathematico ad explicandas circuli aut trianguli proprietates, nullū adferre potest vsum, materiae ut auri, ligni, ferri, in qua insunt, cōsideratio: quin eò verius eiusmodi rerum, quarū species tanquā materia vacantes efformemus animo, naturam complectemur, quod coniunctione materiae quasi adulterari deprauarique videntur. Quocirca Mathematicae species eodem modo quo κοῖλον, siue concavitas, sine motu & subiecto definitione explicari cognoscique possunt: naturales verò cū eam vim habeant, quam, ut ita dicam, simitas, cum materia comprehensae sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus exemplis quid inter Physicas & Mathematicas species intersit, haud difficile est animaduvertere. Illis certē non semel est vsum Aristoteles. Valeant ergo Protagorae sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, quod circulus normam pun-

Eto non attingat. Nam diuina Geometrarū the-
 remata qui sensu aestimabit, Vix quicquam re-
 periet quod Geometra concedendum videatur.
 Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectum
 aut rotundum dici potest, Vt à Geometra ponitur?
 Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-
 neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis
 assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne
 latitudinis quidem expertes. Siquidē non iis vi-
 tur Geometra quasi inde vim habeat conclusio,
 sed eorum quæ discenti intelligenda relinquun-
 tur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-
 mum instituuntur, hi ductu quodam & velut
 ἡγεγῳρία sensuum opus habent, Vt ad illa quæ
 sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-
 parare queant. Sed tamen existimandum non est
 rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac
 non eam tantum quæ sensum afficit. Est enim ma-
 teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo
 & ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-
 τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, Vt æs,
 Vt lignum, omnisque materia quæ moueri potest,
 Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-
 silibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur,
 quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-
 stotele scriptum legimus ὅτι τῶν ἐν ἀφαιρέσει

ὄντων rectum se habere ut simum: μετὰ (μεταχρησ-
 τας) quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-
 rum est, suam esse materiam, nō min⁹ quā si-
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-
 thematicæ sensili vacent materia, non sunt ta-
 men individua, sed propter continuationem par-
 titiōni semper obnoxia, cuius ratione dici possunt
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-
 tur τὸ εἶναι γεαμμένον, aliud quoad continuationi
 adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma
 in materia, proprietatum causa est, quas sine ma-
 teria percipere nō licet. Hæc est societatis & dis-
 sidij Mathematicæ cum Physicæ & prima Phi-
 losophia ratio. Nunc autem de nominis etymo-
 & notatione pauca quædam asseramus. Nam si
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-
 mina, ea certè non temere indita fuisse credendum
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim
 Aristoteles ducto ex verborum ratione argumē-
 to, αὐτομάτε, μεταβολῆς, αἰθέρος, aliarumque
 rerum naturam ex parte confirmavit. Quoniam
 igitur Pythagoras Mathematicam sciētiam non
 modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite
 principiis,

principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplinae formam composuit, & perspetus absque materia, solius intelligentiae adminiculo theōrematibus, tractationem $\omega\epsilon\lambda\tau\eta\varsigma\ \alpha\lambda\omicron\gamma\omega\nu$, & κοσμικῶν σχημάτων constitutionem exco- gitavit: credibile est, Pythagoram, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic scientiae id nomen dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerumque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cū existimarent illi omnē disciplinā, quae μάθησις dicitur, ἀνάμνησις esse quandam, id est recordationem & repetitionem eius scientiae, cuius antè quā in corpus immigraret: compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menōne, Phaedōne, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animaduverterent autem eiusmodi recordationem, quae non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ἐπὶ τὰ Μαθηματικά ὄντι: probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes καὶ ἐξολῶν fuisse nominatas, ut ex quibus μάθησις, id est aeternarum in anima rationum recordatio ἀναμνηστικὴ & praecipue intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis Minus fecit Plato, qui in Menōne Socratem in-

duxit hoc argumenti genere persuadere cupientem discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius rationum animū recordari. Etenim Socrates passionem quendam, ut Tullij verbis utar, interrogat de geometrica dimensione quadrati: ad ea sic ille respondet ut puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim respondens, eodem perueniat, quò si Geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, ut est apud Rhodiginum, quod cum ceteræ disciplinae deprehendi vel non docente aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem veniant, nisi præeunte aliquo, cuius solertia succidantur vepreta, vel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Ita enim Cælius: quod quam vim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multiplicique ac subtili versari scribit. sed quis nescit id ipsum cum aliis grauioribus scientiis, esse cōmune? Est enim, vel eodem autore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaque est & in ipsis rebus obscuritas, & in iudiciis nostris infirmitas: nec vllus est, modò interius paulò Physica penetrarit, qui non facile sit expertus, quam multi undique

emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam Verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Haecenus de Vniuerso Mathematicæ genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea disseram, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionum, quæ in illis cernuntur ac inhaerent: ipsa quidem progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, variasque ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & cõtemplatur: causis & principis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur. & proprietatibus, quæ de genere subiecto per se enunciantur: Geometriæ quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circ-

lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus consistit. His autem inherant diuisiones, rationes, tactus, equalitates, παραβολαί, ὑπερβολαί, ἐλλείψεις, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia, Postulata verò & Axiomata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quo-uis centro & interuallo circulum describere: Si ab equalibus equalia detrahas, quæ relinquuntur esse equalia, ceteraq; id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua videatur Arithmetica & Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit ἀρεστετέρα, & exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accuratorem esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ re esse tantum declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initiis con-

stat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometria præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas verò punctum est quod situ vacat. Ex quo percipitur, numerorū quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse puriores, & à concretionem materiae magis disiunctos. Hac quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibúsque suis ac rerum ubertate multiplici vel cum Arithmetica cernet: id quod tute facile deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmeticae & Geometriae societas, videamus. Nam theorematum quæ demonstratione illustratur, quædam sunt utriusque scientiæ communia, quædam verò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit $\rho\alpha\tau\omicron\varsigma$ siue rationalis, Arithmeticae soli conuenit, nequaquam Geometriae, in qua sunt etiam $\alpha\pi\rho\pi\tau\omicron\iota$, seu irrationales proportionales: item, quadratorum $\gamma\nu\omega\mu\omicron\nu\alpha\varsigma$ minimo definitos esse, Arithmetica proprium (si quidem in Geometria nihil tale minimum esse potest)

sed ad Geometriam propriè spectant situs, qui in
 numeris locum non habent: tactus, qui quidem à
 continuis admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi di-
 uisio infinitè procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse
 solet. Communia porro Vtriusque sunt illa, quæ
 ex sectionibm eueniunt, quas Euclides libro secū-
 do est persequutus: nisi quòd sectio per extremam
 & mediam rationem in numeris nusquam reper-
 iri potest. Iam verò ex theorematibus eiusmodi
 communibus, alia quidem ex Geometria ad
 Arithmetica traducuntur: alia contrà ex A-
 rithmetica in Geometriam transferuntur: quæ-
 dam verò perinde Vtrique scientiæ conueniunt.
 Ut quæ ex vniuersa arte Mathematica in Vtrā-
 que harum cōueniant. Nam & alterna ratio, &
 rationum conuersiones, compositiones, diuisiones
 hoc modo communia sunt Vtriusque. Quæ autem
 sunt αἱ συµμέτρου, id est de commensurabili-
 bus, Arithmetica quidem primùm cognoscit &
 cōtemplatur: secundo loco Geometria Arithmeti-
 cam imitata. Quare & cōmensurabiles magnitu-
 dines illæ dicuntur, quæ rationem inter se habent
 quā numerus ad numerū, perinde quasi cōmensu-
 ratio & συµμετρία in numeris primùm cōsistat
 (Vbi enim numerus, ibi & σύμμετρον cernitur:
 & Vbi σύμμετρον, illic etiam numerus) sed quæ

triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometra primum considerantur: tum analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometriae diuisione hoc adiiciendum puto, quòd Geometriae pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera verò solidas contemplatur, quæ ad duplex illud intervallum crassitudinem adsciscunt. Illam generali Geometriae nomine Veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro comparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inventionem multis seculis antecessit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem ætate ullam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometriae utilitatē accedat, quæ quanquam scripte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius usus aut actionis ministerio mactata (ut de Mathematicis omnibus scientiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen utilitatis externæ queritur, Dii boni quam largos, quam vberes, quam varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarū alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videantur, vísque quod melius aut deterius nullam habeant

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit melius, trianguli, verbi gratia, tres angulos duobus esse rectis æquales: minime tamen fuerit consentaneum, Geometria cognitionem vt inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finem & bonū quod referatur, habeat nullum. Multas haud dubie solius contemplationis beneficio citra materię cõtationem adfert Geometria commoditates partim proprias, partim cum vniuerso genere communes. Cum enim Geometria, vt scripsit Plato, eius quod semper est cognitionem profiteatur, ad veritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentē comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes facilius perdiscendas, attigeris necne Geometriam, quanti referre censes? Nam vbi cum materia coniungitur, nõne præstātissimas procreat artes, Geodasiam, Mechanicam, Opticam, quarum omnium vsu, mortalium vitam summis beneficiis completitur? Etenim bellica instrumenta, vrbiũque propugnacula, quibus munitæ vrbes, hostium vim propulsarent, his adiutricibus fabricata est: montiũ ambitus & altitudines, locorũque situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itinerum rationem præscripsit: trútinas & stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, composuit: vniuersi ordinem si-

mulachris expressit : multaque quæ hominum fidem superaret, omnibus persuasit. Vbique extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nā extructo vastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum regi Ptolemæo mitteret, cum vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus nauem trahere non posset, effecissetque Archimedes ut solus Hiero illam subduceret, admiratus viri sciëntiam rex, ἀπὸ ταύτης, ἐφθ, τῆς ἡμέρας, αὐτὸς παντὸς Ἀρχιμήδους λέγοντι πισυτέον. Quid? quod Archimedes idem, ut est apud Plutarchū, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moueri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactaret, si terram haberet alteram ubi pedem figeret, ad eam, nostram hanc se transmouere posse? Quid varia αὐτομάτων machinarumque genera, ad vsus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profectò sunt illa, & admiratione dignissima, quibus prisci homines incredibili quodam ad philosophandum studio concitati, inopem mortalium vitam artis huius præsidio subleuarent: tamen si memoriæ sit proditum, Platonem Eudoxo & Archytæ vitio vertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometriæ præstantiam, quæ ab intelli-

bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corporeas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scripsit Plato Geometrarū esse vocabula, quae quasi ad opus & actionem spectent, ita sonare videntur. Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eiusmodi nomina, quibus necessariō & tanquam coacti Geometrae utuntur, quippe cū alia desint in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geometriam ipsam cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerū vōntōr intelligētia aestimandā esse. Exposita breuius quā res tanta dici possit, vtilitatis ratione, Geometriae ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum monumentis nobis est cognitus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios inuēta, (ne ab Adam, Setho, Noah, quos cognitione rerū multiplici valuisse constat, eam repetamus) ex terrarum dimensione, vt verbi prae se fert ratio, ortum habuisse dicitur: cū anniuersaria Nili inundatione & incrementis limo obducti agrorum termini confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas disciplinas, in vsu quā in arte prius fuisse aiunt. Quod sanē mirum videri non debet, vt & huius & aliarum scientiarum inuentio ab vsu coeperit ac necessitate. Etenim tempus,

rerum usus ; ipsa necessitas ingenium excitat,
& ignaviam acuit . Deinde quicquid ortum ha-
buit (ut tradunt Physici) ab inchoato & imper-
fecto processit ad perfectum . Sic artium & scien-
tiarum principia experientiae beneficio collecta
sunt , experientia vero à memoria fluxit , quæ &
ipsa à sensu primum manavit . Nam quod scri-
bit Aristoteles , Mathematicas artes , comparatis
rebus omnibus ad vitam necessariis , in Aegy-
pto fuisse constitutas , quòd ibi sacerdotes omnium
concessu in otio degerent : non negat ille adductos
necessitate homines ad excogitandam , verbi gra-
tia , terræ dimetiendæ rationem , quæ thewremarū
deinde inuestigationi causam dederit : sed hoc
confirmat , præclara eiusmodi thewrematum in-
venta , quibus extructa Geometria disciplina cõ-
stat , ad usus vitæ necessarios ab illis non esse ex-
petita . Itaque vetus ipsum Geometriae nomen ab
illa terræ partiunde finiumque regundorum ra-
tione postea recessit , & in certa quadam affectio-
num magnitudini per se inhaerentiū scientia pro-
priè remansit . Quemadmodum igitur in mercium
& contractuum gratiam , supputandi ratio quam
secuta est accurata numerorum cognitio , à Phœ-
nicibus initium duxit : ita etiam apud Aegy-
ptios , ex ea , quam commemoravi , causa ortum ha-
buit Geometria . Hanc certè , ut id obiter dicam ,

Thales in Græciam ex Aegypto primum transtulit? cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, aliisque compluribus, ad Euclidis tempora facta sunt rerum magnarum accessiones. Caterum de Euclidis ætate id solum addam, quod à Proclo memoria mandatum accepimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum equalibus tum discipulis, subiicit, non multò ætate posteriorem illis fuisse Euclidem eum, qui Elementa conscripsit, & multa ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum composuit, multaque à Theateto inchoata perfecit, quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad firmissimas & certissimas apodexes renocauit. Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Et enim ferunt Euclidem à Ptolemæo quondam interrogatum, numqua esset via ad Geometriam magis compediaria, quàm sit ista ποικίλωσις, respondisse, μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀπαπὸν ὅτι γεωμετρίαν. Deinde subiungit, Euclidē natu quidē esse minorem Platone, maiorem verò Eratosthene & Archimede (hi enim æquales erant) cū Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quòd si quis egregiā Euclidis laudē, quam cū ex aliis scriptionibus accuratissimis, tum ex hac Geometrica ποικίλωσις consequutus est, in qua diuinus rerum ordo sapientissimis quibusque hominibus magnæ semper admira-

tioni fuit, is Proclū studiosē legat, quò rei veritatem illustriore reddat gravissimī testis autoritas. Superest igitur ut finem videamus, quò Euclidis elementa referri, & cuius causa in id studium incumbere oporteat. Et quidem si res quæ tractatur, consideres: in tota hac tractatione nihil aliud quæri dixeris, quàm ut κοσμίχῃ quæ vocantur, σχήματα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonicus) Cubus, Icosaëdrū, Octaëdrū, Pyramis, & Dodecaëdruum certa quadā suorum & inter se laterū, & ad sphaerae diametrū ratione eidē sphaerae inscripta cōprehēdatur. Huc enim pertinet Epigrāmation illud vetus, quod in Geometrica Michaëlis Pselli (ωόψ) scriptū legitur.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἀ Πυθαγόρας σοφὸς εὖρε,

Πυθαγόρας σοφὸς εὖρε, Πλάτων δ' ἀείδην ἔδιδάξει,

Εὐκλείδης ὅπῃ τοῖσι κλέος περικαλλὲς ἔτευξεν.

Quòd si discēntis institutionem spectes, illud certē fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discēntis animus, ad quamlibet non modò Geometriae, sed & aliarum Mathematicarū partiū tractationem idoneus paratūque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometria vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-

cludere posse. inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit Arithmeticus, pleraque Musicus, non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus, Mechanicus, itēque ceteri. nec ullus est denique artifex praeclarus, qui in huius se possessionis societatem cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc εὐκλείδης absolutum operi nomen, & εὐκλείδης dictus Euclides. Sed quid lōgius prouehor? Nam quod ad hāc rem attinet, tam copiose & erudite scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco P. Mōtaureus, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quae verō ad dicendum nobis erant proposita, hactenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tamen si & haec eadem & alia pleraque multò fortè praeclariora ab hominibus doctissimis, qui tūc acumine ingenij, tūc admirabili quodam lepōre dicendi semper floruerūt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit, num quid etiā nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac Philosophiæ parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elementorum editio, in qua nihil non parū fuisset studij, aliquid a nobis efflagitare videbatur, quod eius cāmendationem adaugeret. Cū enim vir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarū artium in hac Parrhi-

fiorum Academia professor Verè regius, nostrum hunc typographum in excudendis Mathematicorum libris diligentissimū, ad hanc Elementorum editionem sepe & multum esset adhortatus, eiusque impulsu permulta sibi iam comparasset typographus ad hanc rem necessaria, citò interuenit, malum, Ioannis Magnieni mors insperata, quæ iam graue inflixit Academiae vulnus, cui ne post multos quidem annorū circuitus cicatrix obduci vlla posse videatur. Quamobrem amisso instituti huius operis duce, typographus, qui nec sumptus antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id muneris erat pollicitus, sua spe cadere vellet, ad me venit, & impēsē rogauit vt meam propositæ editioni operā & studiū nauarem. quod cum denegaret occupatio nostra, inberet officij ratio: feci equidem rogatus, vt quæ subobscurè vel parū cōmodè in sermonem Latinū ē Græco trēsłata videbātur, clariore, aptiore, & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque pace dictū volo) lucem acciperent. Id quod in omnibus ferè libris posterioribus tute primo obrutu perspicias. Nam in sex prioribus non tantum temporis quantū in cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpretatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Montaureo solida debetur. Atque vt ad perspicuitatē facilitatēque nihil tibi deesse queraris, adscriptæ

sunt propositionibus singulis vel lineares figurae, vel punctorum tanquam unitatum notulae, quae Theonis apodixin illustret illa quidem magnitudinum, haec autem numerorum indices, subscriptis etiam ciphRARUM, ut vocant, characteribus, qui propositum quemvis numerum exprimant: ob eamque causam eiusmodi unitatum notulae, quae pro numeri amplitudine maius paginae spatium occuparent, pauciores saepius depictae sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarum, ut a, b, c, characteres non modo numeris & numerorum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiam generales esse numerorum ut magnitudinum affectiones restantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis non poenitenda Theonis scholia, siue maius lemmata, quae quidem longe plura accessissent, si plus otij & temporis vacui nobis fuisset relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc igitur operam boni consule, & quae obuia erunt impressionis vitia, candidus emenda. Vale.
Lutetiae 4. Idus April. 1557.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM PRIMVM.

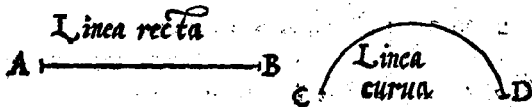
Ο' Ρ ΟΙ.

^α
ΣΗΜΕΙΟΝ ὅστις, ἔ μέρος ἔσται.
DEFINITIONES.

¹
Punctum est, cuius pars Punctum
nulla est.

^β
Γεωμετρικὸν δὲ, μῆκος ἀπλατὺς.

²
Linea verò, longitudo latitudinis expers:



^γ
Γραμμὴς δὲ πέρατα, σημεῖα.

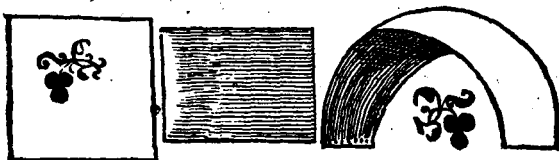
³
Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ
Εὐθεῖα γραμμὴ ὅστιν, ἢ τις ἐξ ἴσου τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς
σημείοις κείται.

⁴
Recta linea est, quæ ex æquo sua interiacet
puncta.

^ε
Ε'πιφανεία δὲ ὅστιν, ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

⁵
Superficies est, quæ longitudinem latitudi-
nẽmque tantũ habet.



⁶
Ε'πιφανείας δὲ πέρατα, γραμμαί.

⁶
Superficiẽi extrema, sunt lineæ.

^ζ
Ε'πίπεδος ὁπιφανεία ὅστιν, ἢ τις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ'
ἑαυτῆς εὐθείαις κείται.

7

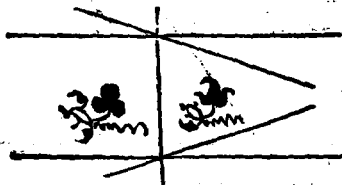
Plana superficies est, quæ ex æquo suas interiacet lineas.

7

Εἰς πίπεδος δὲ γωνία ἔστιν, ἣ ὅν ἑπιπέδῳ, δύο γραμμὰς ἀπομύων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπὶ εὐθείας κειμένων, πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



8



Planus angulus est, duarum linearum in plano se mutuo tangentium, &

non in directum iacentium, alterius ad alteram inclinatio.

θ

Οὔται δὲ αἱ ἀείχουσαι πλὴν γωνίαὶ γραμμῶν, εὐθεῖαι ὡς, εὐθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cum autem quæ angulum continent lineæ, rectæ fuerint, rectilineus ille angulus appellatur.

C ij

Ὅταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα, τὰς ἐφεξῆς
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὀρθὴ ᾗ ὅτιν ἐκείρα τῶν
ἴσων γωνιῶν: καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα εὐθεῖα κάθετος κα-
λεῖται ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν.

10

Cum verò recta linea super rectam confi-
stens lineam, eos qui sunt deinceps angu-
los æquales inter se fecerit: rectus est vter-
que æqualium angulorum: & quæ insitit
recta linea, perpendicularis vocatur eius cui
insitit.



1α

Ἀμβλεία γωνία ὅτιν, ἢ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

1β

Ὄξεία δὲ ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς.

12

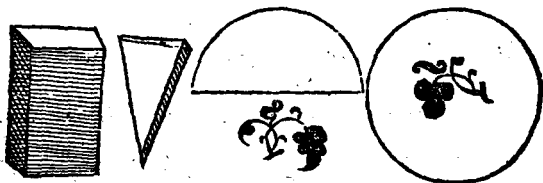
Acutus verò, qui minor est recto.

1γ

Ὅρος ὅτιν, ὃ ἴνός ἐστι πύρας.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.



14

Σχήμα ὅστι, τὸ ὑπὸ τινος, ἢ πινῶν ὅρων περιεχόμενον.

14

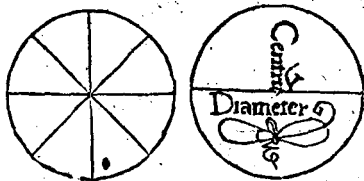
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

15

Κύκλος ὅστι σχῆμα ὀπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ἧς, ἀφ' ἐνὸς σημείου τῆς ἐν τὸς ὅ σχήματος κειμένων, πᾶσαι αἱ περισπείρουσαι εὐθεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

15

Circulus, est figura plana sub vna lineâ comprehēsa, quæ pe-



C iij

38 EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 ripheria appellatur: ad quam ab vno puncto eorum, quæ intra figuram sunt posita, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.

15
 Κέντρον δὲ τῷ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται,

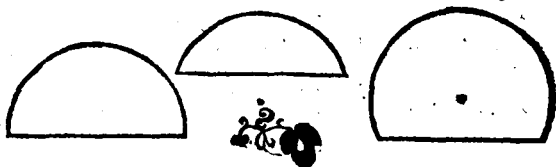
16
 Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

17
 Διάμετρος δὲ ὁ κύκλου ὅστις, ἐνθεῖά τις διὰ τῷ κέντρῳ ἡγμένη, καὶ περικομμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τῷ κύκλῳ περιφερείας, ἥτις καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον.

17
 Diameter autem circuli est, recta quædam linea per centrum ducta, & ex vtraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circulum bifariam secat.

18
 Ἡ μὲν κύκλιον δὲ ὅστις, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τῆς διὰ μέτρον, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς τῷ κύκλῳ περιφερείας.

18
 Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ea linea, quæ de circuli peripheria aufertur.



18

Τμήμα κύκλου ὅστι, τὸ περιέχον ὑπὸ τῆς εὐθείας, καὶ κύκλου περιφέρειας.

19

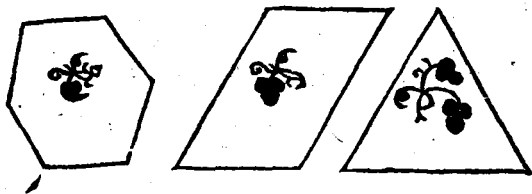
Segmentum circuli est, figura, quæ sub recta linea, & circuli peripheria continetur.

κ

Εὐθύγραμμο σχήματά ὅστι, τὰ ὑπὸ εὐθειῶν περιέχοντα.

20

Rectilinae figuræ sunt, quæ sub rectis lineis continentur.



κα

Τρίπλευρα μὲν, τὰ ὑπὸ τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

C iiij

κβ

Τετράπλευρα δὲ, ἅ ἐκ τεσσάρων.

22

Quadrilatera, quæ sub quatuor.

κγ

Πολύπλευρα δὲ, ἅ ἐκ πλείονων ἢ τεσσάρων
ὠθηδὼν περιέχονται.

23

Multilatera verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κδ

Τῶν δὲ περιπλεύρων σχημάτων, ἰσόπλευρον μὲν τρι-
γωνόν ἐστι, τὸ τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς.

24

Trilaterarum porrò figu-
rarum, æquilaterū est trian-
gulum, quod tria latera ha-
bet æqualia.

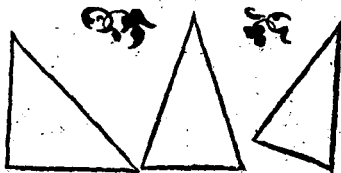


κε

Ἰσοσκελές δὲ, τὸ πᾶς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

25

Isosceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



^{κδ}
 Σκαλιῶν δὲ, τὸ τὰς τρεῖς αἰσας ἔχον πλευράς.

²⁶

Scalenū
 verò, est
 quod tria
 inæqualia
 habet la-
 tera.



^{κε}

Εἴ τι τε, τῶν περιπλεύρων σχημάτων, ὀρθογώνιον μὲν
 τρεῖς γωνίον ἔστι, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

²⁷

Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectāgu-
 lum quidē triangulū est, quod rectū angu-
 lum habet.

^{κη}

Ἀμβλυγώνιον δὲ, ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

²⁸

Amblygonium autem, quod obtusum an-
 gulum habet.

^{κθ}

Ὀξυγώνιον δὲ, τὸ τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

²⁹

Oxygonium verò, quod tres habet acutos
 angulos.

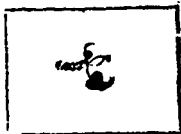
^λ

Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχημάτων, τετράγωνον μὲν
 ἔστιν, ἰσὸς πλευρὸν τε ἔστι, καὶ ὀρθογώνιον.

³⁰

Quadrilaterarum autem figurarum, qua-

42 EVCLID. ELEMEN. GEOM.
dratum qui-
dē est, quod
& æquilate-
rū & rectan-
gulum est.

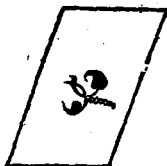


λα
Ε'τερόμηκες δέ, ὃ ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ.

31
Altera parte longior figura est, quæ rectan-
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ
Ρ'όμβος δέ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ.

32
Rhombus
autē, quæ
æquilate-
ra, sed re-
ctangula
non est.



λγ
Ρ'ομβοειδὲς δέ, τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε καὶ
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ ἢ τε ἰσόπλευρόν ὅστιν,
οὔτε ὀρθογώνιον.

33
Rhomboides verò, quæ aduersa & late-
ra & angulos habens inter se æqualia, ne-

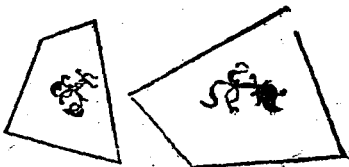
que æquilatera est, neque rectangula.

λδ

Τὰ δὲ ὡς ταῦτα, τετράπλευρα, τραπέζια κα-
λεῖται.

34

Præter has
autem, re-
liquæ qua-
drilateræ fi-
guræ, tra-
pezia ap-
pellentur,

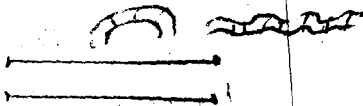


λε

Παράλληλοι εἰσιν εὐθεῖαι, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ
ὅτι πέδῳ οὔσαι, καὶ ἐμβαλλόμεναι ἐπ' ἀπὸρον, ἐφ'
ἐκάτερα τὰ μέρη, ὅτι μὴδὲτέρας συμπίπτουσι
ἀλλήλαις.

35

Parallelæ rectæ lineæ
sunt, quæ cū in eodē
sint plano, & ex vtra-
que parte in infinitum producātur, in neu-
tram sibi mutuò incidunt.



Αἰτήματα.

α

Ἡ' τήσθω, ὅτι παντὸς σημείου ὅτι πᾶν σημεῖον εὐ-
θεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Postulata.

I

Postuletur, ut à quovis puncto in quodvis punctum, rectam lineam ducere concedatur.

β

Καὶ πεπερασμένην εὐθεΐαν, καὶ τὸ συνεχὲς ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν.

2

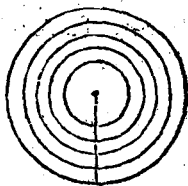
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum rectā producere.

γ

Καὶ παντὶ κέντρῳ, καὶ ἀξίματι κύκλον γράφειν.

3

Item quovis centro, & intervallo circulum describere.



Κοινὰ ἔννοια.

α

Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις ὅτιν ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidem æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα πρὸς τῇ, καὶ ὅλα ὅτιν ἴσα.

²
Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota
sunt æqualia.

^γ
Καὶ ἐὰν ὑπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ καὶ λοιπὰ
μὲν ἔσιν ἴσα.

³
Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ
relinquuntur sunt æqualia.

^δ
Καὶ ἐὰν ἀνίστοις ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ ὅλα ἔσιν αἰῖσα.

⁴
Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota
sunt inæqualia.

^ε
Καὶ ἐὰν ὑπὸ αἰσίων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἔσιν
αἰῖσα.

⁵
Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, re-
liqua sunt inæqualia.

^ς
Καὶ τὰ τῷ αὐτοῦ διπλάσια, ἴσα ἀλλήλοις ἔσιν.

⁶
Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt
æqualia.

^ζ
Καὶ τὰ τῷ αὐτῷ ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις ἔσιν.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

η

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

Καὶ τὸ ὅλον τῷ μέρει μείζον ὄντι.

9

Totum est sua parte maius.

ι

Καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

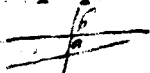
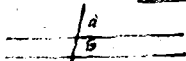
1α

Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέπλουςα, τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, ἐκβαλλόμενα αἱ δύο αὐταὶ εὐθεῖαι ἐπ' ἀπφρον, συμπεσουῶνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

11

Et si in duas rectas lineas altera recta incidens, inter nos ad easdemque partes angu-

α. β. αὐτῶν
εἰς ἑκάστην



los duobus rectis minores faciat, duæ illæ rectæ lineæ in infinitū productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

ιβ

Καὶ δύο εὐθεῖαι, χωρίον ὃ περιέχουσιν.

I 2

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehendunt.

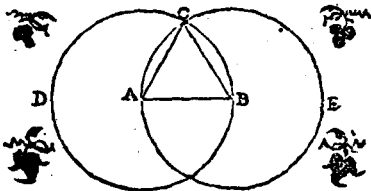
Προτάσις.

α

Ε'πὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης, τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super data recta linea terminata, triagulum æquilaterū cōstituire.



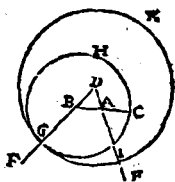
β

Πρὸς τῇ δοθείᾳ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσῳ εὐθείᾳ γέσθαι.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, datæ rectæ li-

neæ æqualem rectam li-
neam ponere.

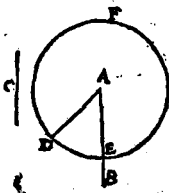
 γ

Δύο δεκάδες. Εξάδεκα αρίστων

ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσῳ εὐχῆται ἀφε-
φελῆν.

Problema 3. Propositio 3.

Duabus datis rectis lineis inæqualibus, de maiore æqualem minori rectam lineam detrudere.



4

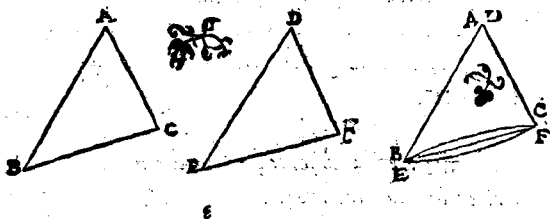
Εἰ ἀν' δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῦς δυοῖ πλευ-
ραῖς ἴσας ἔχη, ἑκατέρα ἑκατέρα, καὶ τὴν γωνίαν τῇ
γωνίᾳ ἴσιν ἔχη τὴν ὑπὸ τῆς ἴσων ἐνδείων ὡς
ἐκ τοῦ ἐκείνου: καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσιν ἔξῃ, καὶ
τὸ τρίγωνον τῷ τρίγωνῷ ἴσον ἔσται, καὶ αἱ λοιπὰ
γωνίαι ταῦς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται, ἑκατέρω
ἑκατέρα, ὑφ' αἷς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσι.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habeant, vtrunque vtrique, habeant verò & angulum angulo æqualem

Iem

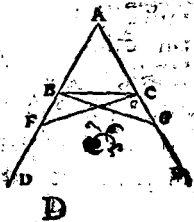
lem sub æqualibus rectis lineis contentum:
& basin basi æqualem habebunt, eritque
triangulum triangulo æquale, ac reliqui an-
guli reliquis angulis æquales erunt, yterque
vtrique, sub quibus æqualia latera subten-
duntur.



Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. Καὶ πρὸς τελευταιῶν τῶν ἴσων εὐθειῶν, αἱ ὑπὸ τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

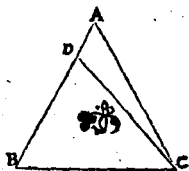
Isoſcelium triangulorum qui ad basin sunt
anguli, inter ſe sunt æ-
quales: & ſi vltcrius pro-
ductæ ſint æquales illæ
rectæ lineæ, qui ſub baſi
ſunt anguli, inter ſe æqua-
les erunt.



Εἰ αὖτε πρὶν ἂν αἱ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ὦσι, καὶ αἱ ὑπὸ ταῖς ἴσαις γωνίαις ὑπολείνουσαι πλευραὶ ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 3. Propositio 6.

Si trianguli duo anguli æquales inter se fuerint : & sub æqualib⁹ angulis subtensa latera æqualia inter se erunt.



Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δύοσι ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι δύο εὐθεῖαι ἴσαι, ἑκάτερα ἑκάτερα, ὅσους αἰθέουσιν, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ, ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι, ταῖς ἐξαρχῆς εὐθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

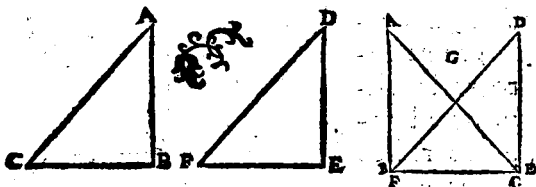
Super eadem recta linea, duabus eisdem rectis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, utraque utriq⁹, non constituitur, ad aliud atq; aliud punctū, ad easdē partes, eisdemq; terminos cum duabus initio ductis rectis lineis habentes.



Εὰν δύο τρίγωνα ἴσας δύο πλευράς τῶν δύο πλε-
 ραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, ἔχῃ δὲ καὶ
 βάσιν τῇ βάσει ἴσην : καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ
 ἴσην ἔξῃ τὴν ὑπὸ τῇ ἴσων ἐνθεῶν ἀντιστοι-
 χῶν.

Theorema 5. Propositio 8.

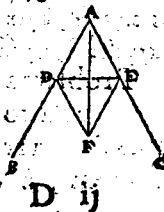
Si duo triangula duo latera habuerint duo-
 bus lateribus, vtrunque vtrique, æqualia; *aliter dicitur*
 habuerint verò & basin basi æqualem: an-
 gulum quoque sub æqualibus rectis lineis
 contentum angulo æqualem habebunt.



Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν ἐν ὁρθογώνιῳ διχα τεμεῖν.

Problema 4. Pro-
 positio 9.

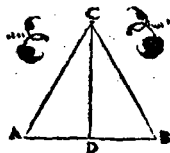
Datum angulum rectili-
 neum bifariam secare.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην, διχα τε-
μεῖν.

Problema 5. Pro-
positio 10.

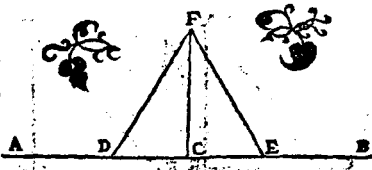
Datam rectam lineam fini-
tam bifariam secare.



Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος
σημείου, πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀ-
γαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

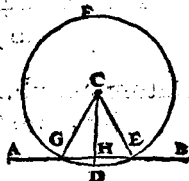
Data rectali-
nea, à pun-
cto in ea da-
to, rectam li-
neam ad an-
gulos rectos
excitare.



Εἴπερ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ
δοθέντος σημείου, ὃ μὴ ὂσιν ἐκ αὐτῆς, χέβεται εὐθεῖαν
γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam lineam
infinitam, à dato puncto

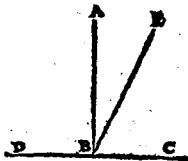


quod in ea non est, perpendiculararem rectam deducere.

¹⁷
Ὡς αὖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα, γωνίας ποιῇ, ἥτοι
δύο ὀρθὰς, ἢ δυὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ.

Theorema 6. Propositio 13.

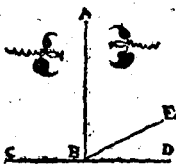
Cum recta linea super rectam consistens lineam, angulos facit, aut duos rectos, aut duobus rectis æquales efficiet.



¹⁸
Ἐὰν πρὸς πνιεύσεια, καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ
δύο εὐθεῖαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐ-
φεξῆς γωνίας δυὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐ-
θείας ἔσονται ἀλλήλας αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius punctum, duæ rectæ lineæ non ad easdem partes ductæ, eos qui sunt deinceps angulos duobus rectis æquales fecerint, in directum erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

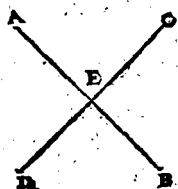


¹⁹
Ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ κο-

34 EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 συφλὺν γωνίας, ἴσας ἀλλήλαις ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
 positio 15.

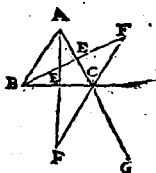
Si duæ rectæ lineæ se mu-
 tuò secuerint, angulos qui
 ad verticem sunt, æquales
 inter se efficient.



15
 Παντὸς τριγώνου μίαν τῶν πλευρῶν ἐκβληθείσης,
 ἡ ἐκτὸς γωνία, ἐκείνην τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον,
 μείζων ἔστί.

Theorema 9. Pro-
 positio 16.

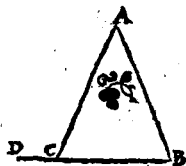
Cuiuscunque trianguli v-
 no latere producto, exter-
 nus angulus vtroq; inter-
 no & opposito maior est.



16
 Παντὸς τριγώνου αἱ δύο γωνίαι, δὴ οὐ γωνία ἐλάσσον-
 ἐς εἰσι, πάντη μεταλαμβάνουσαι.

Theorema 10. Pro-
 positio 17.

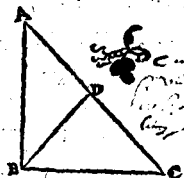
Cuiuscunque trianguli
 duo anguli duobus rectis
 sunt minores, omnifariā
 sumpti.



¹⁷
 Παντὸς τριγώνου ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα
 γωνίαν ὑπολείπει.

Theorema 11. Pro-
 positio 18.

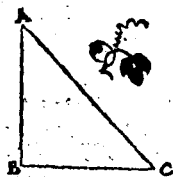
Omnis trianguli maius la-
 tus maiore angulum sub-
 tendit.



¹⁸
 Παντὸς τριγώνου ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μεί-
 ζων πλευρὰ ὑπολείπει.

Theorema 12. Pro-
 positio 19.

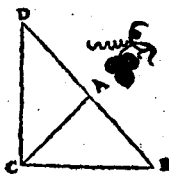
Omnis triaguli maior an-
 gulus maiori lateri subte-
 ditur.



¹⁹
 Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραί, τῆς λοιπῆς μεί-
 ζονές εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνουσαι.

Theorema 13. Pro-
 positio 20.

Omnis trianguli duo la-
 tera reliquo sunt maiora,
 quomodocunque assum-
 pta.



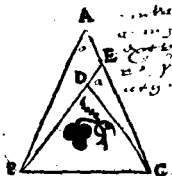
D iij.

κα

Ε'ὰν τριγώνῳ ὅπῃ μιᾷ τῶν πλευρῶν ἀπὸ τῆς πε-
 ράτων δύο εὐθείαι ἐντὸς συσταθῶσιν, αἱ συσταθεῖσαι,
 τῶν λοιπῶν ὁ τριγώνῳ δύο πλευρῶν ἐλάττωες μὲν
 ἔσονται, μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli vno late-
 re.ab extremitatibus duæ
 rectæ lineæ interiori consti-
 tutæ fuerint, hæ constitu-
 tæ reliquis trianguli duo-
 bus lateribus minores qui-
 dem erunt, maiorem verò angulum conti-
 nebunt.

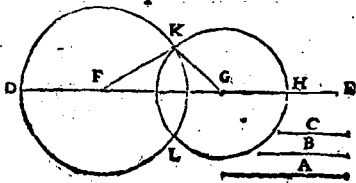


κβ

Ε'κ τριῶν εὐθεῶν, αἱ εἰσὶν ἴσαι περιτὰς τῶν δοθέντων
 εὐθειῶν, τριγώνον συστήσασθαι. Δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς
 λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνο-
 νας, διὰ τὸ καὶ παντὸς τριγώνου τὰς δύο πλευρὰς,
 τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνο-
 μένας.

Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus re-
 ctis lineis, quæ
 sunt tribus datis
 rectis li-
 neis æquales,



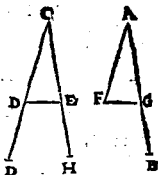
triangulum constituere. Oportet autem duas reliqua esse maiores, omnifariam sumptas : quoniam vniuscuiusque trianguli duo latera omnifariam sumpta, reliquo sunt maiora.

κ γ

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ πρὸς αὐτῇ σημείω,
τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω ἴσῳ γωνίαν εὐθύ-
γραμμον συστήσασθαι.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectam lineam
datumque in ea punctum,
dato angulo rectilineo
equalem angulum rectili-
neum constituere.

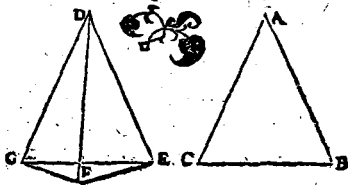


κ δ

Εἰ ἀν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῶν δυὸ πλευ-
ρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρω, πλὴν δὲ γωνίαν
τῆς γωνίας μείζονα ἔχῃ, πλὴν ὑπὸ τῇ ἴσῳ εὐ-
θεῶν περιεχόμενῳ, καὶ πλὴν βάσιν τῆς βάσεως μεί-
ζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo triā-
gula duo
latera duo-
bus lateri-
bus æqua-



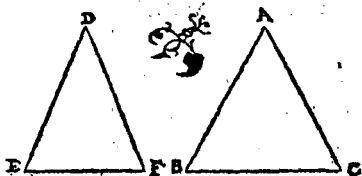
lia habuerint, vtrunque vtrique, angulum
verò angulo maiorem sub æqualibus rectis
lineis contentum : & basin basi maiorem
habebunt.

κε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυοὶ πλευ-
ραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, πλὴν βάσιν δὲ τῆς
βάσεως μείζονα ἔχῃ : καὶ πλὴν γωνίαν τῆς γωνίας
μείζονα ἔξῃ, πλὴν ὑπὸ τῆς ἴσων εὐθειῶν περιεχο-
μένην.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateri-
bus æqualia habuerint, vtrunque vtrique,
basin verò basi maiorem : & angulum sub
æqualibus
rectis li-
neis con-
tētū angu-
lo maio-
rem habe-
bunt.



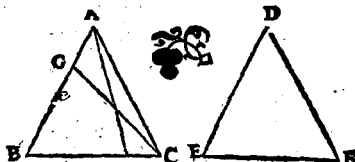
κε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας ταῖς δυοὶ γωνίαις
ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ
πλευρᾷ ἴσῃ, ἥτοι πλὴν πρὸς ταῖς ἴσας γωνίας,
ἢ ὑπολείνουσαν ὑπὸ μιᾷ τῶν ἴσων γωνιῶν : καὶ
τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας

ἑξῆς, ἑκατέραι ἑκατέρα, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ
λοιπῇ γωνίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

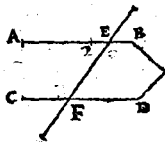
Si duo triangu-
la duos angulos duobus an-
gulis æquales habuerint, vtrun-
que vtri-
que, vnũque latus vni lateri æquale, siue
quod æqualibus adiacet angulis, seu quod
vni æqualium angulorum subtenditur: &
reliqua la-
tera reli-
quis late-
rib⁹ æqua-
lia, vtrun-
que vtri-
que, & reliquum angulum reliquo angulo
æqualem habebunt.



καὶ
Εὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐναλ-
λάξ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, τὸς ἄλληλοι ἐ-
σονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re-
cta incidens linea alterna-
tim angulos æquales in-
ter se fecerit: parallelæ
erunt inter se illæ rectæ
linæ.

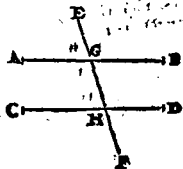


κ η

Ε'ὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα, πῶς ἐκτὸς
γωνίαν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέ-
ρη ἴσῳ ποιῇ, καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δυ-
σὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῇ, ὧς ὁ ἑλληνοὶ ἔσονται ἀλλή-
λαις αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea,
externum angulum interno, & opposito,
& ad easdem partes æqua-
lem fecerit, aut internos
& ad easdem partes duo-
bus rectis æquales: paralle-
læ erunt inter se ipsæ re-
ctæ lineæ.

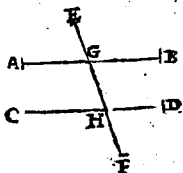


κ θ

Ἡ' εἰς τὰς ὡς ὁ ἑλληνοὶ εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτου-
σα, τὰς τε ἐναντιὰς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ, καὶ
πῶς ἐκτὸς τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ
μέρη ἴσῳ, καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη δυ-
σὶν ὀρθαῖς ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas li-
neas recta incidens linea,
& alternatim angulos in-
ter se æquales efficit, & ex-
ternum interno, & oppo-



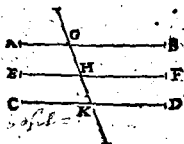
sito, & ad easdem partes æqualem, & inter-
nos & ad easdem partes duobus rectis æ-
quales facit.

λ

Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ ὁρίσθησιν, ἢ ἀλλήλαις εἰσὶ
ὁρίσθησιν.

Theorema 21. Pro-
positio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ
parallelæ, & inter se sunt
parallelæ.

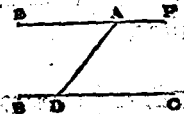


λα

Ἀπὸ τῶν δοθέντων σημείων, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ὁρίσθησιν
εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 10. Pro-
positio 31.

A dato puncto, datæ rectæ
lineæ parallelam rectam
lineam ducere.



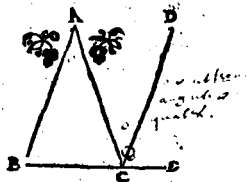
λβ

Παντὸς τριγώνου μιᾷ τῇ πλευρᾷ προσεκβλη-
θείσης, ἡ ἐκτὸς γωνία δυοὶ τὰς ἐντὸς, ἢ ἀπεναντίον
ἴση ἐστὶ. Καὶ αἱ ἐντὸς τῶν τριγώνου τρεῖς γωνίαι δυ-
οὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltterius

producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.

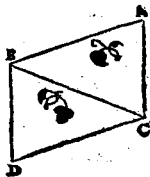


λγ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ ὁμοειδέας ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη ὅτι ζευγύσσαι εὐθεῖαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ ὁμοειδέες εἰσι.

Theorema 23. Propositionio 33.

Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdem coniungunt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.

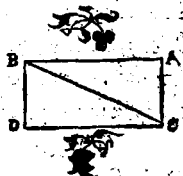


λδ

Τῶν ὁμοειδέων τετραγώνων χρείων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ: καὶ ἡ διὰ μέτρος αὐτὰ διχα τέμνει.

Theorema 24. Propositionio 34.

Parallelogrammorum spatiorum æqualia sunt inter se quæ ex aduerso & latera & anguli: atque illa bi-



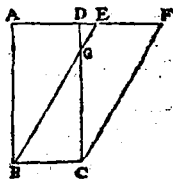
fariam secat diameter.

λε

Τὰ ὁμοειδή τετραγώνια, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειδέσιν, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 25. Pro-
positio 35.

Parallelogramma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

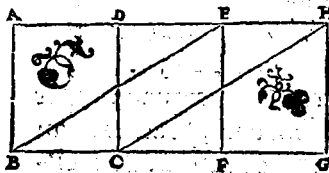


λς

Τὰ ὁμοειδή τετραγώνια, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειδέσιν, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super equalibus basibus, & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

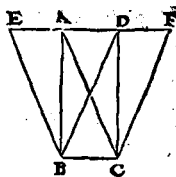


λζ

Τὰ τρίγωνα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοειδέσιν, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 27. Pro-
positio 37.

Triangula super eadē ba-
si constituta, & in eisdem
parallelis, inter se sunt æ-
qualia.

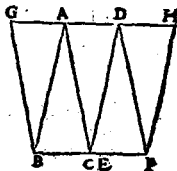


λη

Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῆς ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς ὁμολλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

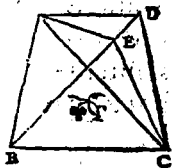


λθ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα,
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμολλή-
λοις εἰσὶ.

Theorema 29. Pro-
positio 39.

Triangula æqualia super
eadem basi, & ad easdem
partes cōstituta : & in eif-
dem sunt parallelis.



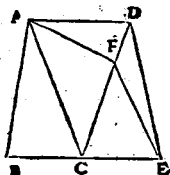
μ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῆς ἴσων βάσεων ὄντα καὶ
ἐπὶ

ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοεπὶ μέτροις.

Theor. 30. Propo. 40.

Triangula æqualia super æqualibus basibus & ad easdem partes constituta, & in eisdē sunt parallelis.

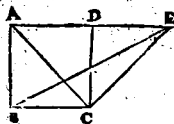


μα

Εὰν ὁμοεπὶ μέτροις τριγώνω βάσιν τε ἔχη πρὸς αὐτὴν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὁμοεπὶ μέτροις ᾗ, διπλασίον ἔσται τὸ ὁμοεπὶ μέτροις τριγώνω.

Theor. 31. Propo. 41.

Si parallelogrammum cū triangulo eandē basin habuerit, in eisdēque fuerit parallelis, duplum erit parallelogrammum ipsius trianguli.



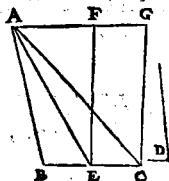
μβ

Τὸ δοθέν τριγώνω ἴσον ὁμοεπὶ μέτροις συστήσασθαι, ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema 11. Pro-

positio 42.

Dato triángulo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.



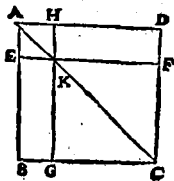
E

$\mu\gamma$

Παντός ὡς ἀλληλοχράμμις, πῶν περὶ τὴν ἀγάπην
 πρὸς ὡς ἀλληλοχράμμις καὶ ὡς πληρώματα,
 ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 32. Propo. 43.

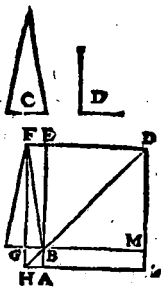
In omni parallelogrāmo,
complementa eorum quæ
circa diametrum sunt pa-
rallelogrammorum, inter
se sunt æqualia.

 $\mu \delta$

Παρά τινι δοθεῖσαι εὐθείαν
τῷ δοθέντι γωνίᾳ ἴσον πα-
ραλλήλογραμμον ὡς βα-
λεῖν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυ-
γράμμω.

Proble. 12. Propo. 44.

Ad datam rectam lineam,
dato triangulo æquale pa-
rallelogrammum applica-
re in dato angulo rectili-
neo.

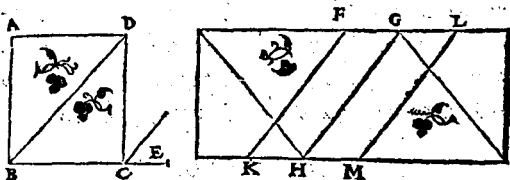


μ ε'

Τῷ δοθέντι ὠθυγράμμῳ ἴσον ὡς ἀλληλόγραμ-
μον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ ὠθυγράμμῳ γω-
νίᾳ.

Proble. 13. Propo. 45.

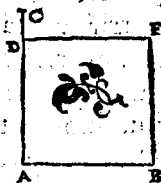
Dato rectilineo æquale parallelogrammum
constituere in dato angulo rectilineo.



μ γ
Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας τετράγωνον ἀναγρά-
ψαι.

Probl. 14. Propo. 46.

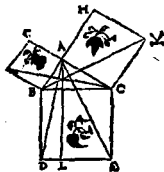
A data recta linea quadra-
tum describere.



μ ζ
Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς πλὴν ὀρθῆς
γωνίας ὑπολειψέσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἴσον ὅς τι
τοῖς ἀπὸ τῆς πλὴν ὀρθῆς γωνίας ἀφαιρεχουσῶν πλευ-
ρῶν τετράγωνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,
quadratum quod à latere
rectum angulum subten-
dente describitur, æqua-
le est eis, quæ à lateribus



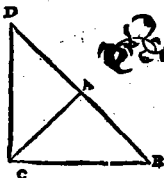
E ij

68. EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 rectum angulum continentibus describun-
 tur, quadratis.

Εάν τριγώνου τὸ ^{μ η} ὑπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγω-
 νον ἴσον ἢ τοῖς ὑπὸ τῶν λοιπῶν τῶν τριγώνου δύο
 πλευρῶν τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ
 τῶν λοιπῶν ἑτὶ τριγώνου δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστίν.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trian-
 guli describitur, æquale sit eis, quæ à reli-
 quis triāguli lateribus de-
 scribuntur, quadratis: an-
 gulus cōprehensus sub re-
 liquis duobus triāguli la-
 teribus, rectus est.



Finis Elementi primi,



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTA

TVM SECVNDVM.

Ο' Ρ ΟΙ.

α

ΠΑΝ ὁρθογώνιον, ὡς ἐκ
 χεῖρας λέγεται ὑπὸ δύο τῆς τῶν ὀρθῶν
 γωνίας ὡς ἐκρυπτῶν εὐθειᾶν.

DEFINITIONES.

I

Omne parallelogrammū rectangulum cō-
 tineri dicitur sub rectis duabus lineis, quæ
 rectum comprehendunt angulum.

β

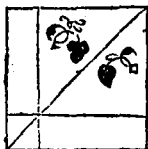
Παντὸς δὲ ὁρθογώνιου χεῖρος, τῆς πε-
 ρὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ ἐκ τῶν ὁρθογώνιων

E iij

ὁποιοῦν εὐθεῖαν διὰ τοῖς δυοῖς ἀπὸ πληρώμασι, γινώσκων καλεῖσθαι.

2

In omni parallelogrammo spatio, vnum quodlibet eorum quæ circa diametrum illius sunt parallelogrammorum, cū duobus cōplemētis, Gnomο vocetur.

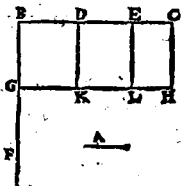


Πρότασις α.

Εἰ αὖ ὥσι δύο εὐθεῖαι, τμηθῇ δὲ ἡ ἐτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα διηποτοῦν τμήματα, τὸ ἀπὸ τοῦ ὁρθογωνίου ὑπὸ τῆς δύο εὐθειῶν, ἴσον εἶναι τοῖς ὑπὸ τῆς ἀτμήτης καὶ ἐκείνου τῆς τμημάτων ἀπὸ τοῦ ὁρθογωνίου.

Theor. 1. Propo. 1.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque ipsarum altera in quotcunque segmenta: rectangulū comprehensum sub illis duabus rectis lineis, æquale est eis rectāgulis, quæ sub infecta & quolibet segmentorum comprehenduntur.



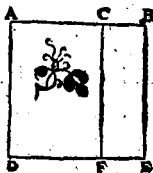
β

Εἰ αὖ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχῃ, τὸ ὑπὸ τῆς

ὅλης καὶ ἑκατέρᾳ τῶν τμημάτων περιέχοντα ὀρθογώνια, ἴσα ὅτι τῷ ὑπὸ τῆς ὅλης τετραγώνῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

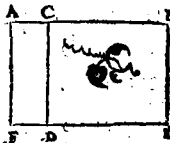
Si recta linea secta sit vtcunque, rectángula quę sub tota & quolibet segmentorum comprehendútur, æqualia sunt ei, quod à tota fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ὡς ἔτυχε τμηθῇ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ ἐκαστῶν τῶν τμημάτων περιέχοντος ὀρθογώνιον, ἴσον ὅτι τῷ τε ὑπὸ τῆς τμημάτων περιεχόμενῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τῷ ὑπὸ τῆς περιεχόμενης τμήματος τετραγώνῳ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea secta sit vtcunque, rectangulum sub tota & vno segmentorum comprehensum, æquale est & illi, quod sub segmentis comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à prædicto segmento describitur, quadrato.



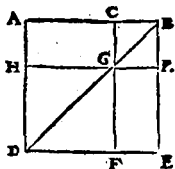
Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης τετραγώνον, ἴσον ἔσται τοῖς τε ὑπὸ τῶν τμη-

E iiiij

μάτων τετραγώνois, ὃ τῷ δις ὑπὸ τῆς τμημάτων
περιεχόμενῳ ὀρθογωνίῳ.

Theor. 4. Propo. 4.

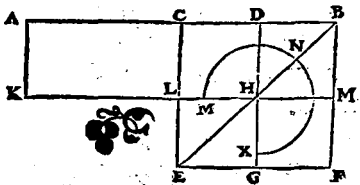
Si recta linea secta sit utcūque: quadratum,
quod à tota describitur, ἐ-
quale est & illis quæ à seg-
mentis describuntur qua-
dratis, & ei, quod bis sub
segmentis comprehendi-
tur, rectangulo.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀίσια, τὸ ὑπὸ
τῆς αἰσίον τῆς ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρ-
θογώνιον, μετὰ τῷ ὑπὸ τῆς μετὰ τῆς τομῆς τε-
τραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τετρα-
γώνῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

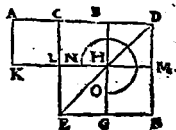
Si recta linea secetur in æqualia & nō æqua-
lia: rectangulum sub inæqualibus segmen-
tis totius comprehensum vnà cum quadra-
to, quid ab
intermedia
sectionum,
æquale est
ei quod à di-
midia de-
scribitur, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ διχα, προσεθῇ δέ τις αὐτῇ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας, ὀρθογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ προσκλήμῃ, καὶ τῆς προσκλήμῃς περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου, ἴσον ὅτι τῷ ὑπὸ τῆς συκλήμῃς ἕκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκλήμῃς, ὡς ὑπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta quædam linea in rectum adiciatur, rectangulum comprehensum sub tota cum adiecta & adiecta, simul cum quadrato à dimidia, æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab vna descripto.

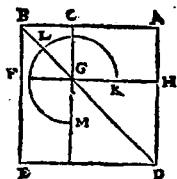


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἐνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέρω τετράγωνα ἴσα ὅτι τῷ τε δις ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ ἐπιμετροῦ τμήματος περιεχόμενον ὀρθογώνιῳ, καὶ τῷ ὑπὸ τῷ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si recta linea secetur vtcunque : quod à

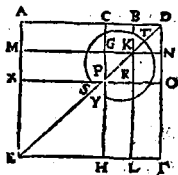
tota, quóðque ab vno segmentorum, vtraque simul quadrata, æqualia sunt & illi, quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi, quod à reliquo segmento fit, quadrato.



Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ τεβάνις ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιέχμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῷ λοιποῦ τμήματος τεβανῶντος, ἴσον ᾖ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τῷ ἐρηιδύς τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τεβανῶντι.

Theor. 8. Propo. 8.

Si recta linea secetur vtcunque : rectangulum quater comprehensum sub tota & vno segmentorum, cum eo, quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei, quod à tota & dicto segmento, tanquam ab vna linea describitur, quadrato.

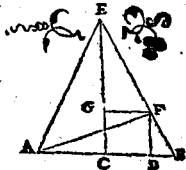


Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀίσια, τὸ

ἀπὸ τῶν αἰτίων τῆς ὅλης τμημάτων τετράγωνα,
διπλασιάσθῃ τε ἀπὸ τῆς ἑμισείας, καὶ τῷ ἀπὸ
τῆς μετὰ τῶν τομῶν τετραγώνου.

Theor.9. Propo.9.

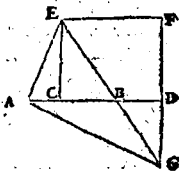
Si recta linea seceretur in æqualia & non æqualia : quadrata quæ ab inæqualibus totius segmentis fiunt, duplicia sunt & eius quod à dimidia, & eius quod ab intermedia sectionum fit, quadratorum.



Εὰν εὐθὺς γραμμὴ τμηθῇ διὰ χα, ὡς τεθῇ δὲ πρὸς αὐτῇ εὐθὺς ἐπ' εὐθείας, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ ὡροσφιδμῇ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ὡροσφιδμῆς τὰ (ὡς αμφοτέρω τετράγωνα, διπλασιάσεται τὸ ἀπὸ τῆς ἱμισείας, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ὡροσφιδμῆς ἕκτε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς ὡροσφιδμῆς, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντος τετραγώνου.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiciatur autem ei in rectum quæpiam recta linea: quod à tota cū adiuncta, & quod ab adiuncta, vtraque simul quadrata, duplicia sunt & e-



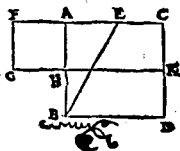
ius quod à dimidia, & eius quod à compo-
sita ex dimidia & adiuncta, tāquam ab vna
descriptum sit, quadratorum.

1α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥς τε τὸ ὑπὸ τ' ὅλης
καὶ τῆς ἐτέρου τῆς τμημάτων περὶ ἑαυτὴν ὀρθογώ-
νιον ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ τῆς λοιποῦ τμήματος τετρα-
γώνῳ.

Probl. 1. Propo. 11.

Datam rectam lineam se-
care, vt comprehensum
sub tota & altero segmen-
torum rectangulum, æ-
quale sit ei, quod à reli-
quo segmento fit, qua-
drato.

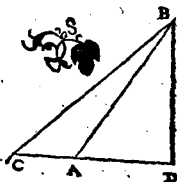


1β

Εν τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ὑπὸ τ' πλὴν ἀμ-
βλείαν γωνίαν ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετραγώ-
νον, μείζον ὅτι τῆς ὑπὸ τῆς πλὴν ἀμβλείαν περὶ
ἑαυτὴν πλευρᾶν, τετραγώνων, τῷ περὶ ἑαυτὴν
δις ὑπὸ τε μιᾶς τῆς πλὴν ἀμβλείαν γωνίαν,
ἐφ' ᾗ ἐκβληθεῖσαι ἢ καθετος πῆλη, καὶ τῆς ὑπο-
λαμβανομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῆς καθετῆς πρὸς τῇ
ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Theor. 11. Propo. 12.

In amblygoniis triāgulis, quadratum quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiūt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cū protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriori linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.



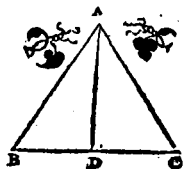
17

Εἰν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πλὴν ὀξείας γωνίας ὑπολεινούσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἑλάττων ἔστι τῷ ἀπὸ τῶν πλὴν ὀξείας γωνίας περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχόμενῳ δὲ ὑπὸ τε μιᾶς τῶν περιττῶν ὀξείας γωνίας, ἐφ' ἣν ἡ καθέτος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολλυμένης ἐντὸς ὑπὸ τῆς καθέτου πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum an-

gulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensū, & ab vno latere, quæ sunt circa acutum angulū, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.

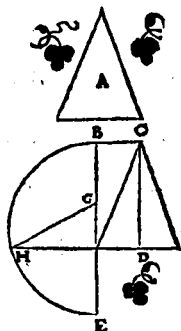


ιδ

Τῷ δοθέντι ὠκυγώνῳ ἴσον
τετράγωνον συστήσασθαι.

Probl. 2. Propo. 14.

Dato rectilineo æquale
quadratum constituere.



Elementi secundi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM TERTIVM.

Ο΄ΡΟΙ.

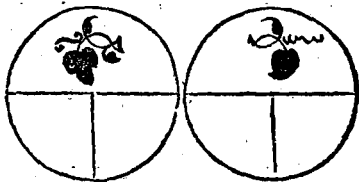
a

ἸΣΟΙ κύκλοι εἰσὶν, ὧν αἱ διαμέτροι εἰσὶν ἴσαι: ἢ
ἧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσὶν.

DEFINITIONES.

I

Æquales circuli sunt, quorū diametri sunt
æquales,
vel quo-
rum quæ
ex cætris
rectæ li-
neæ sunt
æquales.

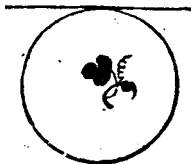


β

Εὐθεῖα κύκλου ἐφάπτεσθαι λέγεται, ἥτις ἀπὸ μέρους τοῦ κύκλου, καὶ ἐμβαλλομένη, οὐ τέμνει τὸν κύκλον.

2

Recta linea circulum tangere dicitur, quæ cūm circulum tangat, si producat, circulum non secat.

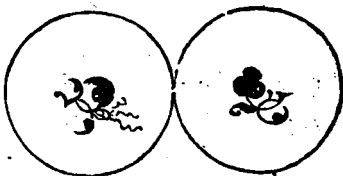


γ

Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἵτινες ἀπὸ μέρους ἀλλήλων, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλους.

3

Circuli sese mutuò tāgere dicuntur: qui sese mutuò tangētes, sese mutuò non secant.



δ

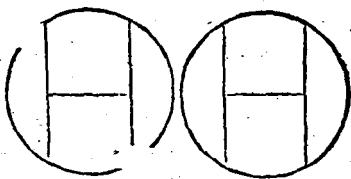
Εἰν κύκλῳ ἴσον ἀπέχην τῷ κέντρῳ εὐθεῖαι λέγονται, ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐτὰς χᾶθῃσι ἀρόμεναι ἴσαι ᾧσι: μείζον δὲ ἀπέχην λέγεται, ἐφ' ἧς ἡ μείζων χᾶθῃσι πεπιπῇ.

4

In circulo æqualiter distare à centro rectæ lineæ dicuntur, cūm perpendicularibus

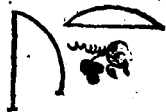
res

res, quæ à centro in ipsas ducuntur, sunt æquales. Lógius autem abesse illa dicitur, in quam maior perpendicularis cadit.



^ε
Τμήμα κύκλου, ἐστὶ τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ
τε εὐθείας καὶ κύκλου περιφέρειας.

⁵
Segmentum circuli, est figura quæ sub recta linea & circuli peripheria comprehenditur.



⁵
Τμήματος δὲ γωνία ἐστίν, ἢ περιεχομένη ὑπὸ τε
εὐθείας, καὶ κύκλου περιφέρειας.

⁶
Segmenti autem angulus est, qui sub recta linea & circuli peripheria comprehenditur.

^ζ
Ἐν τμήματι δὲ γωνία ἐστίν, ὅταν ἐπὶ τῆς περιφέρειας τῷ τμήματος ληφθῇ τι σημεῖον, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς εὐθείας, ἢ ἐπὶ βάσις τοῦ τμή-
F

ματος, ἐπεζευχθῶσιν εὐθεῖαι, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῆς ἐπιζευχθῶσιν εὐθεῶν.

7

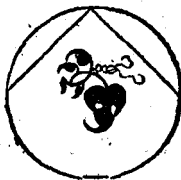
In segmento autem angulus est, cū in segmenti peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.



Ὅταν δὲ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν εὐθεῖαι ἀπολαμβάνωσιν πᾶσα περιφέρειαν, ἐπ' ἐκείνης λέγεται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehendētes angulum rectæ lineæ aliquā assumunt peripheriam, illi angulus insistere dicitur.



θ

Τομὲς δὲ κύκλου ὅστις, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ ὁ κύκλος σταθῇ ἡ γωνία, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς τὴν γωνίαν περιεχουσῶν εὐθεῶν, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφέρειας.

9

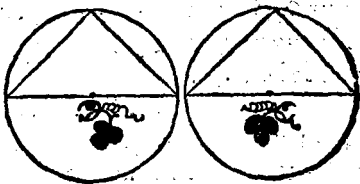
Sector autem circuli est, cū ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehēsa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ὄντι, τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας: ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales: aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



Προτάσις.

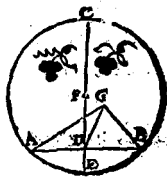
α

Τὸ δοθέντος κύκλου τὸ κέντρον εὑρεῖν.

Probl. I. Propo. I.

Dati circuli centrum reperire.

F ij



^β
 Εάν κύκλος ἔπι τῆς περιφερείας ληφθῇ δύο τυχόν-
 τα σημεῖα, ἢ ἔπι αὐτὰ σημεῖα ἔπιζωγνυμένη εὐ-
 ρεῖα, εἰς τὸς πεσεῖται τῷ κύκλῳ.

Theor. 1. Propo. 2.

Si in circuli peripheria
 duo quælibet puncta ac-
 cepta fuerint, recta linea
 quæ ad ipsa puncta adiun-
 gitur, intra circulum ca-
 det.



^γ
 Εάν ἐν κύκλῳ εὐθεῖά τις ἀλφὰ τῷ κέντρῳ, εὐθεῖαι
 πῖνα μὴ ἀλφὰ τῷ κέντρῳ διχατέμνη, καὶ πρὸς ὀρθὰς
 αὐτῷ περὶ. καὶ εἰ πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ τέμνη, καὶ
 διχα αὐτῷ περὶ.

Theor. 2. Propo. 3.

Si in circulo recta quædam linea per cen-
 trum extensa quandā non
 per centrum extensam bi-
 fariam secet: & ad angu-
 los rectos ipsam secabit.
 Et si ad angulos rectos eā
 secet, bifariā quoque eam
 secabit.

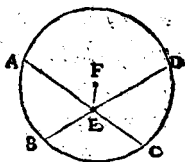


^δ
 Εάν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ.

Διὰ τὸ κέντρον οὐσαι, ὅτε τέμνουσιν ἀλλήλας διχα.

Theor. 3. Propo. 4.

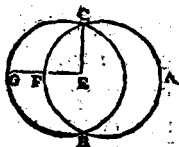
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant nō per centrum extensæ, sese mutuò bifariam nō secabunt.



Εὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, ὅτε ἕσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 4. Propo. 5.

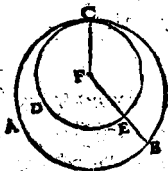
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπλωνται ἀλλήλων ἐντὸς, ὅτε ἕσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor. 5. Propo. 6.

Si duo circuli sese mutuò interius tangent, eorum non erit idem centrum.

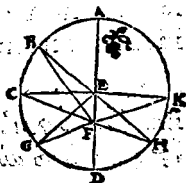


Εὰν κύκλος ἑπὶ τῆς ἀφ' ἑαυτοῦ ληφθῇ πὶ σημείον, ὃ μὴ ἔσται κέντρον τοῦ κύκλου, ἀπὸ δὲ τοῦ σημείου παρασπεί-

πλοσιν εὐθείαι πινες πρὸς τὸν κύκλον: μέγιστη μὲν
 ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη δὲ ἡ λοιπή: τῶν δ'
 ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγίον τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρος τῆς ἀπώτερον
 μείζων ὅτι. Δύο δὲ μόνον εὐθεῖαι ἴσαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ
 σημείου πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκά-
 στερας τῆς ἐλαχίστης.

Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur
 punctum, quod circuli centrum non sit, ab
 eoque puncto in circulum quædam rectæ
 lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua
 centrum, minima verò reliquæ: aliarum ve-
 ro propinquior illi quæ
 per centrum ducitur, re-
 motiore semper maior est.
 Duæ autem solùm rectæ
 lineæ æquales ab eodẽ pũ-
 cto in circulum cadunt, ad
 vtrasque partes minimæ.

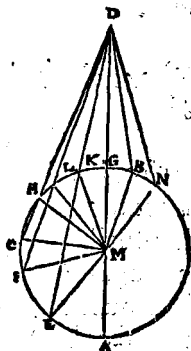


Ἐὰν κύκλος ληθῇ πῶς σημείον ὅκ τοῦ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ
 σημείου πρὸς τὸν κύκλον ἀγαχθῶσιν εὐθείαι πινες, ὧν
 μία μὲν ἀπὸ τοῦ κέντρος, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἔτυχῃ: τῶν
 μὲν πρὸς τὴν κοίλιν περιφέρειαν πρὸς τὴν πλάτῃ
 ὡς γινώσκων, μέγιστη μὲν ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρος, τῶν δὲ ἄλλων
 αἰεὶ ἡ ἐγγίον τῆς ἀπὸ τοῦ κέντρος, ἡ ἀπώτερον μεῖ-
 ζων ὅτι.

ζών' ἔσται. τὸ δὲ πρὸς τὴν κύρτιν περιφέρειαν προσ-
πιπύσων ἐνθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ὅστιν ἢ μεταξὺ τῶν τε
σημεῖα καὶ τῆς ἀφ' αὐτῆς. τῇ δὲ ἄλλων αἰεὶ ἐγγίσιον
τῆς ἐλαχίστης, τῆς ἀπώτερόν ὅστιν ἐλάττων. Δύο δὲ
μόνον ἐνθειῶν ἴσαι περιπεσοῦνται ἀπὸ τοῦ σημείου
πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulum sumatur punctum quod-
piam, ab eoque puncto ad circulum dedu-
cantur rectæ quædam lineæ, quarum una
quidem per centrum protendatur, reliquæ
verò ut libet: in eandem peripheriam ca-
dentium rectarum linearum maxima qui-
dem est illa, quæ per centrum ducitur: alia-
rum autem propinquior ei, quæ per cen-
trum transit, remotiore semper maior est.
In conuexam verò peri-
pheriam cadentium recta-
rum linearum, minima
quidem est illa, quæ in-
ter punctum & diame-
trum interponitur: alia-
rum autem, ea quæ pro-
pinquior est minimæ, re-
motiore semper minor
est. Dux autem tantum re-
ctæ lineæ æquales ab eo



F iiiij

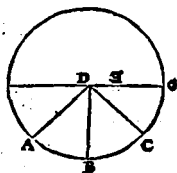
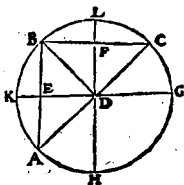
puncto in ipsum circulum cadút, ad vtrasq;
partes minimæ.

θ

Εὰν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ δὲ τῶ ση-
μεῖος πρὸς τὸν κύκλον παραπίπτωσι πλείους ἢ δύο
εὐθεῖαι ἴσαι, τὸ ληφθεὶ σημεῖον, κέντρον ὅστις τῶ
κύκλος.

Theor. 8. Propo. 9.

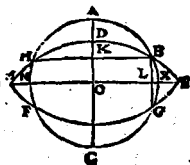
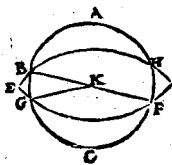
Si in circulo acceptum fuerit punctum ali-
quod, & ab eo puncto ad circulum cadant
plures quàm
duæ rectæ li-
neæ æquales,
acceptū pū-
ctum centrū
ipsius est cir-
culi.



Κύκλος οὐ τέμνει κύκλον καὶ πλείονα σημεῖα, ἢ
δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus
circulum
in plurib⁹
quàm duo
bus pūctis
non secat.

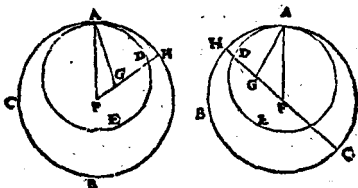


1α

Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπωνται ἀλλήλων ἐντὸς, καὶ ληφθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, λέ' ὅτι τὰ κέντρα αὐτῶν ὅτι ζευγνυμένη εὐθεῖα καὶ ἐκβαλλομένη, ὅτι πλὴν ζυγαφῶν πεσεῖται τῆς κύκλων.

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atque accepta fuerint eorum cētra, ad eorum centra adiuncta recta linea & producta, in cōtactum circulorū cadet.

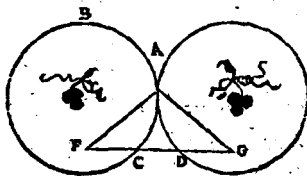


1β

Εὰν δύο κύκλοι ἀπώνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ὅτι τὰ κέντρα αὐτῶν ὅτι ζευγνυμένη, διὰ τῆς ἐπαφῆς ἐλεύσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea recta quæ ad cētra eorum adiungitur, per contactū illum transibit.

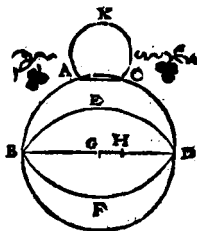


17

Κύκλος κύκλῳ οὐκ ἐφάπτεται πλείονα σημεία ἢ
 χαρ' εἰ, εἰάν τε ἐντὸς εἰάν τε ἔκτῳς ἐφάπτεται.

Theor. 12. Propo. 13.

Circulus circulum non
 tangit in pluribus pun-
 ctis, quàm vno, siue in-
 tus siue extra tangat.

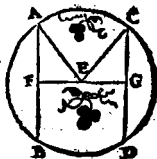


18

Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ
 κέντρου. χαρ' αἱ ἴσων ἀπέχουσαι ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι
 ἀλλήλας εἰσίν.

Theor. 13. Propo. 14.

In circulo æquales rectæ
 lineæ æqualiter distant à
 centro. Et quæ æqualiter
 distant à centro, æquales
 sunt inter se.

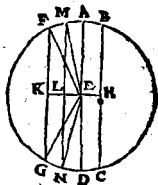


16

Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ὅσιν ἡ διὰ μέτρου, τῇ δὲ
 ἄλλων αἰεὶ ἢ ἑξήτιον ὅ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μείζων
 ὅσιν.

Theor. 14. Propo. 15.

In circulo maxima quidē
linea est diameter : alia-
rum autem propinquior
centro, remotiore semper
maior.

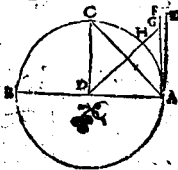


Ἡ τῇ Διαμέτρῳ τῷ κύκλῳ πρὸς ὀρθὰς ἀπ' ἀκρᾶς
ἀγομένη, ἐκτός πεσεῖται ἔξ κύκλῳ, καὶ εἰς τὸν μετα-
ξὺ τόπον τῆς τε εὐθείας καὶ τῆς περιφερείας ἑτέραν
εὐθεῖαν ἔπαρεμπεσεῖται, καὶ ἡ μὲν ἔξ ἡμικυκλίου γω-
νία, ἀπάσης ὀξείας γωνίας ἐν τῷ γράμμῳ μείζων ὅσῃν,
ἡ δὲ λουπή, ἐλάττω

Theor. 15. Propo. 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque cir-
culi ad angulos rectos ducitur, extra ipsum
circulum cadet, & in locum inter ipsam re-
ctam lineam & peripheriā comprehensum,
altera recta linea nō cadet.

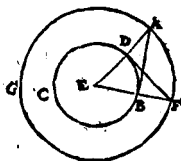
Et semicirculi quidē an-
gulus quouis angulo acu-
to rectilineo maior est, re-
liquus autem minor.



Ἀπὸ ἑδοθέντος σημείου, τῷ δοθέντος κύκλῳ ἐφαπτα-
μένην εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Proble. 2. Propo. 17.

A dato puncto rectam lineam ducere, quæ datum tangat circulum.

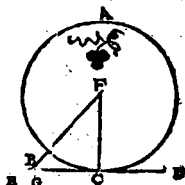


17

Εὰν κύκλου ἐφάπτηταί τις εὐθεΐα, ἀπὸ δὲ τῆς κέντρης ὅτι τὴν ἀφ' ἧς ἐπιζευχθῇ τις εὐθεΐα, ἡ ἐπιζευχθεῖσα καὶ γεὶτος ἔσται ὅτι τὴν ἀπομυμήν.

Theor. 16. Propo. 18.

Si circulū tāgat recta quæpiam linea, à centro autem ad contactum adiungatur recta quædam linea: quæ adiuncta fuerit, ad ipsam contingentem perpendicularis erit.



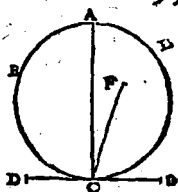
18

Εὰν κύκλος ἐφάπτηταί τις εὐθεΐα, ἀπὸ δὲ ἀφ' ἧς τῇ ἐφαπτομυμῇ πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθεΐα γραμμὴ ἀχθῇ, ὅτι τῆς ἀχθείσης ἔσται τὸ κέντρον ὁ κύκλος.

Theor. 17. Propo. 19.

Si circulum tetigerit recta quæpiam linea, à

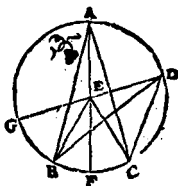
contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangenti excitetur, in excitata erit centrum circuli.



Εν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίον ὅστις ὁ πρὸς τῇ περιφερείᾳ, ὅταν τινὶ αὐτῷ περιφέρειαν βάσιν ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Propo. 20.

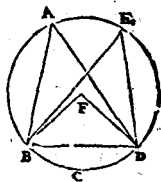
In circulo angulus ad centrum duplex est anguli ad peripheriam, cum fuerit eadē peripheria basis angulorum,



Εν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

Theor. 19. Propo. 21.

In circulo, qui in eodem segmēto sunt anguli, sunt inter se æquales.



Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον γωνίαι, διὗσιν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theor. 20. Propo. 22.

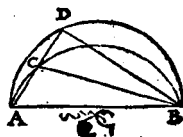
Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.



$\kappa \gamma$
 Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια καὶ αἴσια ὅσους αἰσθήσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη.

Theor. 21. Propo. 23.

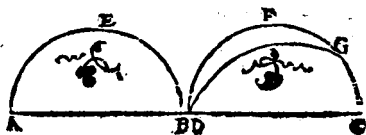
Super eadem recta linea, duo segmenta circulum familia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.



$\kappa \delta$
 Τὰ ὅτι ἴσων εὐθειῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theor. 22. Propo. 24.

Super æqualib' rectis lineis familia circulum segmenta



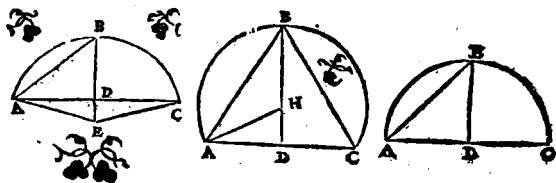
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, προσαναγράψαι τὸν κύκλον, ὃς ἐστὶ τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circulum, cuius est segmentum.

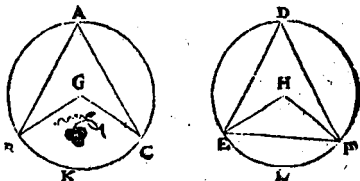


κς

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ἴσαι γωνίαι ὅτι ἴσων ἀεὶ φερειῶν βεβήκασιν, εἰ ἂν πρὸς τοῖς κέντροις, εἰ ἂν πρὸς ταῖς ἀεὶ φερείαις ὥσι βεβήκῃαι.

Theor. 23. Propo. 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqualibus peripheriis insistant siue ad centra, siue ad peripherias constituti insistant.

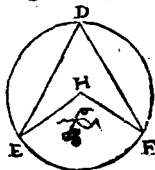
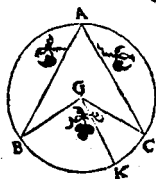


κζ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὅτι ἴσων περιφερειῶν βε-
 βηκῆαι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, εἰάντε πρὸς
 τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥςτις βε-
 βηκῆαι.

Theor. 24. Propo. 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æquali-
 bus peri-
 pheriis in-
 sistūt, sunt
 inter se æ-
 quales siue
 ad centra,
 siue ad peripherias constituti insistant.

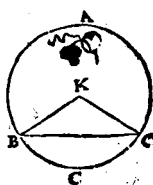
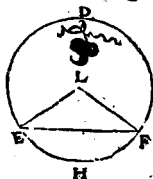


κη

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσαις περι-
 φερείαις ἀφαιρῶσι, τὴν μὲν μείζονα, τῇ μείζονι, τὴν δὲ
 ἐλάττωνα, τῇ ἐλάττω.

Theor. 25. Propo. 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ
 æquales pe-
 ripherias
 auferunt,
 maiorem
 quidē, ma-
 iori, mino-
 rem autem, minori.



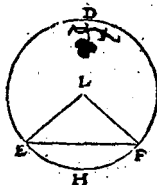
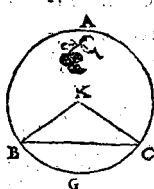
Ε'

κ θ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας ἀεὶ φέρειαι
ἴσαι εὐθεῖαι ὑπολείνται.

Theor. 26. Propo. 29.

In æquali-
bus circu-
lis, æqua-
les peri-
pherias æ-
quales re-
ctæ lineæ subtendunt.

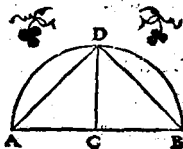


λ

Τὴν δοθεῖσαν ἀεὶ φέρειαν διχα τέμνειν.

Proble. 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bifa-
riam secare.



λ α

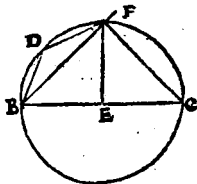
Εν κύκλῳ, ἡ μὲν ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ γωνία ὀρθή ἐ-
στιν, ἡ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς,
ἡ δὲ ἐν τῷ ἐλάττωι, μείζων ὀρθῆς: καὶ ἐπὶ ἡ μὲν τῷ
μείζονος τμήματος γωνία, μείζων ὅσῃν ὀρθῆς, ἡ
δὲ τῷ ἐλάττωος τμήματος γωνία, ἐλάττω ὅσῃν
ὀρθῆς.

Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, re-

G

ctus est: qui autem in maiore segmento, minor recto: qui verò in minore segmento, maior est recto. Et insuper angulus maioris segmenti, recto quidem maior est: minoris autem segmenti angulus, minor est recto.

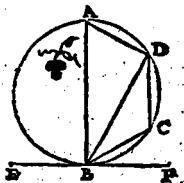


λβ

Εάν κύκλος ἐφάπτηται τις εὐθεία, ἀπὸ δὲ τῆς ἀφ᾽ ἧς ὅτι τὸ κύκλον ἀφ᾽ ἧς τις εὐθεῖα τμήνῃσιν τὸν κύκλον: αὖ ποιῇ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναλλάξ τοῦ κύκλου τμήμασι γωνίαις.

Theor. 28. Propò. 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, à contactu autem producatu quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt iis qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

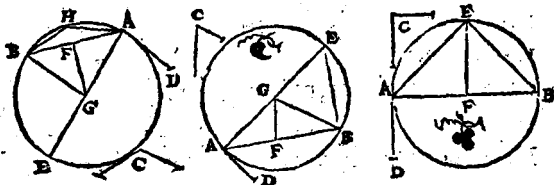


λγ

Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας ῥέξαι τμήμα κύκλου δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Proble. 5. Propo. 33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

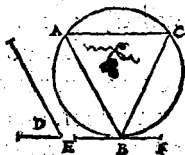


λ δ

Απὸ τῆς δοθείσης κύκλου τμήμα ἀφελῆν. δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ὡς γράμμῳ.

Probl. 6. Propo. 34.

A dato circulo segmentū abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λ ε

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ τῆς ἑτέρας τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

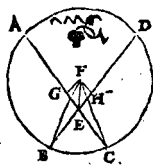
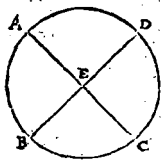
Theor. 29. Propo. 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

G ij



secuerint, rectangulum comprehensum sub
segmentis
vnius, æ-
quale est
ei, quod
sub segmē-
tis alterius
comprehenditur, rectangulo.

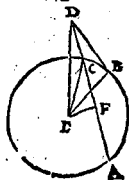
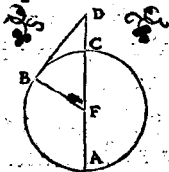


λ γ

Εὰν κύκλου ληφθῇ ἡ σημείον ἐκ τὸς, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
πρὸς τὸν κύκλον παραγῶσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπτηται: ἔσται τὸ
ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνύσης, καὶ τῆς ἐκ τὸς ἀπολαμβανο-
μένης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφε-
ρείας, ὡς ἐξωτερικὸν ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ὑπὸ τῆς ἐ-
φαπτομένης τετραγώνῳ.

Theor. 30. Propo. 36.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod,
ab eoque in circulum cadant duæ rectæ li-
neæ, quarum altera quidem circulum secet,
altera verò tangat: quod sub tota secante, &
exterior inter punctum & convexa per mi-
pheriā as-
sumpta cō-
prehendi-
tur rectā-
gulum, æ-



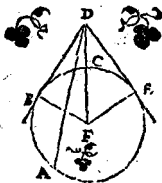
quale erit ei, quod a tangente describitur, quadrato.

λζ

Εὰν κύκλος ληφθῇ ἢ πῖ σημεῖον ἐκ τὸς, ἀπὸ δὲ ἑὸ σημείου πρὸς τὸν κύκλον παραπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ παραπίπτῃ, ἡ δὲ τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης τεμνύσης, καὶ τῆς ἐκ τὸς ἀπολαμβανομένης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφέρειας, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς παραπίπτουσης ἢ παραπίπτοσα ἐφάπεται ἑὸ κύκλος.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod, ab eoque puncto in circulum cadāt duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & convexam peripheriā assumpta, comprehenditur rectāgulum, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidēs ipsa circulum tanget.



Elementi tertii finis.

G iiij



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΤΕΤΑΡΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
IVM QVARTVM.

O' P OI.

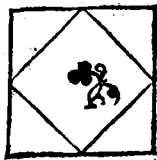
α

Σχῆμα εὐθύγραμμον εἰς σχῆμα εὐθύγραμμον
ἐκτέταρτον λέγεται, ὅταν ἐκείνη τῶν τε
ἐκτεταρτοῦ σχήματος γωνιῶν, ἐκείνης πλευρᾶς τῆς
εἰς ὃ ἐκτέταρται, ἀπῆται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cūm singuli eius figu-
ræ quæ inscribitur, anguli
singula latera eius, in qua



inscribitur, tangunt.

β

Σχήμα δὲ ὁμοίως περὶ σχῆμα περιγράφεται λέ-
γεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς περιγεγραμμένης, ἐκά-
στης γωνίας τῆς περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπὸ πηται.

2

Similiter & figura circum figuram describi
dicitur, quum singula eius quæ circumscri-
bitur, latera singulos eius figuræ angulos
tetigerint,

circum
quam illa
describi-
tur.



γ

Σχήμα δὲ ἐντύγραμμον εἰς κύκλον ἐνγράφεται
λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τῆς ἐνγεγραμμένης ἀπὸ πη-
ται τῆς τῆς κύκλου περιφέρειας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur,
quum singuli eius figuræ quæ inscribitur,
anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχήμα δὲ ἐντύγραμμον περὶ κύκλον περιγράφεται
λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς τῆς κύκλου
περιφέρειας, τῆς περιγεγραμμένης ἐφάπτηται.

G iiiij

4

Figura verò rectilinea circa circulū describi dicitur, quum singula latera eius, quę circum scribitur, circuli peripheriā tangunt.

ε

Κύκλος δὲ ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγραφῆσθαι, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τῷ εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆται.

5

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figurę, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος δὲ περὶ σχῆμα περιγράφεται λέγεται, ὅταν ἡ τῷ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τῷ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autē circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figurę, quam circumscribit, angulos.

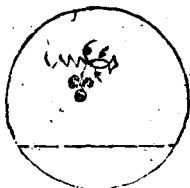
η

Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς ὅπῃ τῆς περιφέρειας ἢ τῷ κύκλου.

7

Recta linea in circulo accommodari seu

coaptari dicitur, quia eius
extrema in circuli peri-
pheria fuerint.



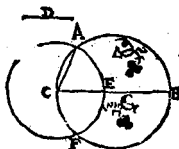
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ μὴ μεί-
ζονι οὕσῃ τῆς τοῦ κύκλου ἀφ' ἡμέτερας, ἴσιν εὐθείαις
ἐναρμόσαι.

Probl. 1. Propo. 1.

In dato circulo, rectam li-
neam accommodare æqua-
lem datæ rectæ lineæ, quæ
circuli diametro non sit
maior.

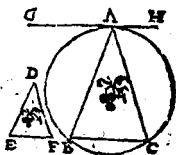


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσογώ-
γιον τρίγωνον ἐγγραῖν.

Probl. 2. Propo. 2.

In dato circulo, triangu-
lum describere dato triā-
gulo æquiangulum.

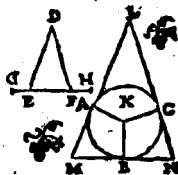


γ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἰσο-
γώνιον τρίγωνον ἐγγραῖν.

Probl.3. Propo.3.

Circa datum circulum triangulum describere dato triangulo æquiangulum.

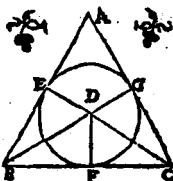


δ

Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐγχεῖν.

Probl.4. Propo.4.

In dato triangulo, circulum inscribere.

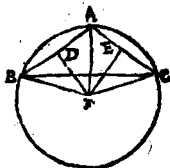
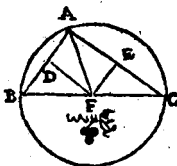


ε

Περί τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιεγχεῖν.

Probl. 5. Propo. 5.

Circa datum triangulum, circulum describere.

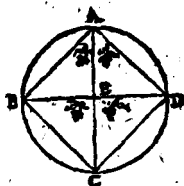


ζ

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τρίγωνον ἐγχεῖν.

Probl.6. Propo.6.

In dato circulo, quadratū
describere.

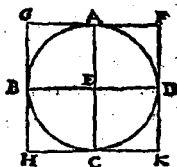


ζ

Περί τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον περιγράψαι.

Probl.7. Propo.7.

Circa datū circulum, qua-
dratum describere.

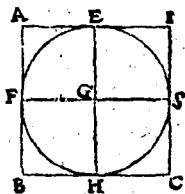


η

Εἰς τὸν δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐνγράφαι.

Probl.8. Propo.8.

In dato quadrato, circulū
inscribere.



θ

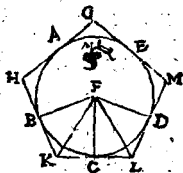
Περί τὸν δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγράψαι.

ιβ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Probl. 12. Propo. 12.

Circa datum circulum, pentagonum æquilaterum & æquiangulum describere.

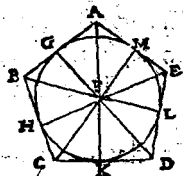


ιγ

Εἰς τὸ δοθέν πεντάγωνον, ὃ ὅστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Proble. 13. Propo. 13.

In dato pentagono æquilatero & æquiangulo, circulum inscribere.

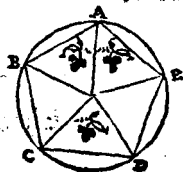


ιδ

Περὶ τὸ δοθέν πεντάγωνον, ὃ ὅστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Probl. 14. Propo. 14.

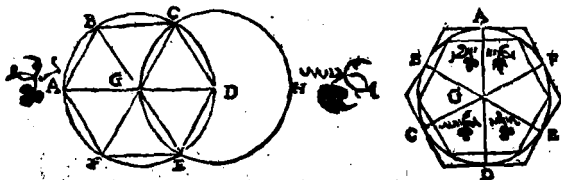
Circa datum pentagonum æquilaterum & æquiangulum, circulum describere.



¹⁶
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ
ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Probl. 15. Propo. 15.

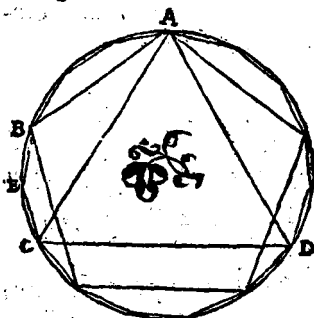
In dato circulo, hexagonum & æquilaterū
& æquiangulum inscribere.



¹⁷
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντεκαγέωνον ἰσο-
πλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Theor. 16. Propo. 16.

In dato circu-
lo, quintideca-
gonū & æquila-
terum & æqui-
angulū descri-
bere.



Elementi quarti finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΕ' ΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM QVINTVM.

Ο'Ρ ΟΙ.

^α
ΜΕΡΟΣ ὅστις μέγεθος μεγέθοις, τὸ ἐλάσσον τῷ
 μείζονος, ὅταν καταμετρηῇ τὸ μείζον.

DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis minor
 maioris, quum minor metitur maiorem.

β

Πολλαπλάσιον δὲ τὸ μείζον τῷ ἐλάσσονος, ὅταν
 καταμετρηῇται ὑπὸ τῷ ἐλάττω.

2

Multiplex autem est maior minoris, cum
 minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ὅστις δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ καὶ πηλικό-

τῆτα πρὸς ἄλληλα ποιά σχέσις.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

δ

Ἀναλογία δὲ ὅστις, ἢ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationum similitudo.

ε

Λόγον ἔχιν πρὸς ἄλληλα μεγέθη λέγεται, ἂ διώταται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

5

Rationē habere inter se magnitudines dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuò superare.

ζ

Ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ ὅτι πρῶτον καὶ τρίτον ἰσάκεις πολλαπλασία, τῶν δὲ δευτέρου καὶ τετάρτου ἰσάκεις πολλαπλασίῳν καὶ ὁποιοῦν πολλαπλασιασμὸν, ἑκάτερον ἑκατέρου ἢ ἅμα ἐλλείπῃ, ἢ ἅμα ἴσα ᾖ, ἢ ἅμα ὑπερέχῃ ληφθέντα καὶ ἄλληλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,

quartam : cū primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab utroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea sumantur quæ inter se respondent.

Τὰ δὲ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλείω.

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

Οταν δὲ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων, τὸ μὲν πρῶτον πολλαπλάσιον ὑπάρῃ τῷ δευτέρου πολλαπλασίου, τὸ δὲ ὅ τρίτον πολλαπλάσιον, μὴ ὑπάρῃ τῷ τετάρτῳ πολλαπλασίῳ, τότε πρῶτον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ πρὸς τὸ τρίτον πρὸς τὸ τετάρτον.

Cū verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excefferit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excefferit multiplicem quartæ : tunc prima ad secundam, maiore ratione habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

Ἀναλογία δὲ ἐν τρισὶν ὅροις ἐλαχίστις ἐστίν.

H

Proportio autem in tribus terminis paucifimis consistit.

Όταν δὲ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον. Όταν δὲ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰετὶς ἐξ ἧς εἰς πλεῖον, ἕως αὐτῇ ἡ ἀναλογία ὑπάρχει.

Cum autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cum quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

Όμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡρώδημα τοῖς ἡρωδύμοις, τὰ δὲ ἐπόδημα τοῖς ἐποδύμοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò conse-

quentibus.

16

Εναλλάξ λόγος, ὅτι λήψις τῆς ἡγουμένης πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τῆς ἐπομένης πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alternata ratio, est sumptio anteceditis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

17

Ανάπαλιν λόγος, ὅτι λήψις τῆς ἐπομένης ὡς ἡγουμένης, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

13

Inuersa ratio, est sumptio consequentis ceu antecedentis, ad antecedentē velut ad consequentem.

Συνήθεσις λόγου, ὅτι λήψις τῆς ἡγουμένης μετὰ τῆς ἐπομένης ὡς εἰς, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum cōsequente ceu vnius, ad ipsum consequentem.

18

Διάφρεσις δὲ λόγου, ὅτι λήψις τῆς ὑποφωχῆς, ἢ ὑποφρέχης τὸ ἡγούμενον τῆς ἐπομένης, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus, quo

H ij

consequētem superat antecedens ad ipsum consequentem.

¹⁵
 Ανατροφή λόγου, ὅτι λῆψις ὅ ἡγουμένης πρὸς τιὺ
 ὑπορχιὺ, ἢ ὑπερχι τὸ ἡγούμενον τῷ ἐπομένῳ.

¹⁶
 Conuerfio rationis, est sumptio anteceden-
 tis ad excessum, quo superat antecedens
 ipsum consequentem.

¹⁷
 Δι' ἴσιν λόγος ὅτι πλῆθον ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων
 αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος (ὡς δύο λαμβανομένων, καὶ
 ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
 γέτεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, ὅπως ἐν τοῖς
 δευτέροις μεγέτεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ
 ἄλλως, λῆψις τῶν ἀκρων, καὶ ὑπεξάφρῃσιν τῶν
 μέσων.

¹⁷
 Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint
 magnitudines, & his aliæ multitudine pa-
 res quæ binæ sumantur, & in eadem ratio-
 ne: quum vt in primis magnitudinibus pri-
 ma ad vltimam, sic & in secundis magnitu-
 dinibus prima ad vltimam sese habuerit. vel
 aliter, sumptio extremorū per subductionē
 mediorum.

¹⁷
 Τετραμύνη ἀναλογία ὅτιν, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενον
 πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἡγούμενον πρὸς τὸ ἐπόμενον.

ἢ δὲ καὶ ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐπόμενον
πρὸς ἄλλο τι.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quem-
admodum antecedens ad consequentem, ita
antecedens ad consequentem : fuerit etiam
vt consequens ad aliud quidpiam, ita con-
sequens ad aliud quidpiam.

18

Τεταραγμένη δὲ ἀναλογία ὅτιν, ὅταν τριῶν ὄντων
μεγεθῶν, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλήθος γίνεται
ὡς μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡρώμενον πρὸς
ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡρώ-
μενον πρὸς ἐπόμενον : ὡς δὲ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέ-
θεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τι, οὕτως ἐν τοῖς δευτέ-
ροις μεγέθεσιν ἄλλο τι πρὸς ἡρώμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus po-
sitis magnitudinibus, & aliis quæ sint his
multitudine pares, cū vt in primis qui-
dem magnitudinibus se habet antecedens
ad consequentem, ita in secundis magnitu-
dinibus antecedens ad consequentem : vt
autem in primis magnitudinibus conse-
quens ad aliud quidpiam, sic in secundis
magnitudinibus aliud quidpiam ad antece-
dentem.

H iij

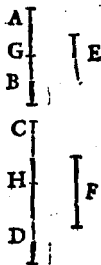
Προτάσις.

α

Εὰν ἡ ὅποσανοῦν μεγέθη, ὅποσανοῦν μεγεθῶν ἴσων
τὸ πλῆθος, ἕκαστον ἑκάστου ἰσάκεις πολλαπλάσιον
ὅσα πλάσιόν ὦσιν ἐν τῇ μεγεθῶν εἰδός, τοσαύτα
πλάσια ἔσται καὶ ἅ πάντα τῇ πάντων.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcūque magnitudines
quotcūque magnitudinū æqua-
lium numero, singulæ singularū
æquè multiplices, quàm multi-
plex est vnus vna magnitudo,
tam multiplices erunt & omnes
omnium.

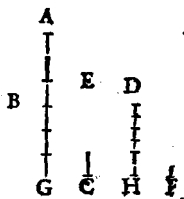


β

Εὰν πρῶτον δευτέρῃ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτῃ, ἢ δὲ καὶ πέμπτον δευτέρῃ ἰσάκεις
πολλαπλάσιον, καὶ ἕκτον τετάρτῃ καὶ ὡς ἔστι πρῶ-
τον καὶ πέμπτον, δευτέρου ἰσάκεις ἔσται πολλαπλά-
σιον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον τετάρτῃ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secūda æquè fue-
rit multiplex, atque tertia
quartæ, fuerit autem &
quinta secūda æquè mul-
tiplex, atque sexta quartæ:
erit & composita prima



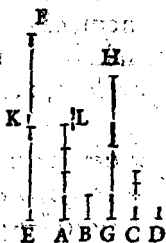
cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atque
 tertia cum sexta, quartæ.

γ

Εὰν πρῶτον δευτέρῳ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
 τρίτον τετάρτῳ, ληφθῇ δὲ ἰσάκῃς πολλαπλάσια ὅ
 πρῶτῳ καὶ τρίτῳ: καὶ δι' ἴσος τῶν ληφθέντων ἑκάτερον
 ἑκατέρῳ ἰσάκῃς ἔσται πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τῷ
 δευτέρῳ, τὸ δὲ τῷ τετάρτῳ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si fit prima secundæ æquæ
 multiplex, atq; tertia quar-
 tæ, fumantur autem æquæ
 multiplices primæ & ter-
 tiæ: erit & ex æquo sumpta-
 rum utraque utriusque æ-
 quæ multiplex, altera qui-
 dem secundæ, altera autem
 quartæ.

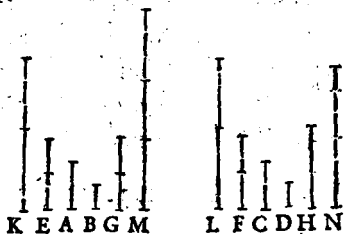


Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον: καὶ τὰ ἰσάκῃς πολλαπλά-
 σια τῷ τε πρῶτῳ καὶ τρίτῳ, πρὸς τὰ ἰσάκῃς πολλα-
 πλάσια τῷ δευτέρῳ καὶ τετάρτῳ κατ' ὁποιοῦν
 πολλαπλασιασμόν, τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ληφθέντα
 κατέλληλα.

H iiij

Theor. 4. Propo. 4.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, & tertia ad quartam: etiam æquè multiples primæ & tertiæ, ad æquè multiples secundæ & quartæ iuxta quavis multiplicationem, eandem habebūt rationem, si prout inter se respondent, ita sumptæ fuerint.



Εὰν μέγεθος μεγέθους ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅτε ἀφαιρεθὲν ἀφαιρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τῷ λοιποῦ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα πλάσιόν ᾖ τὸ ὅλον τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

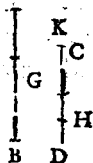
Si magnitudo magnitudinis æquè fuerit multiplex, atque ablata ablata: etiam reliqua reliquæ ita multiplex erit, ut tota totius.



Εὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθῇται τινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἴσας ὂσιν, ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiples, & detractæ quædam sint earundem æquè multiples: & reliquæ eisdem aut æquales sunt, aut æquè ipsarum multiples.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: ὅπερ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor. 7. Propo. 7.

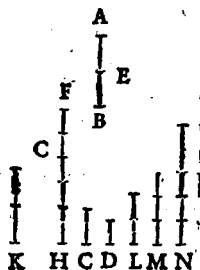
Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.



Τῶν αἰσίων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ ἐλαττον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐλαττον μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ μείζον.

Theor. 8. Propo. 8.

Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationē habet, quàm minor : & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.

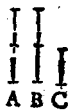


θ

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὸν ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις ὂντι : καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, καὶ κεῖνα ἴσα ἀλλήλοις ὂντι.

Theor. 9. Propo. 9.

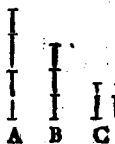
Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se : & ad quas eadem, eandem habet rationem, eæ quoque sunt inter se æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ἐκείνο μείζον ὂντι, πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλαττόν ὂντι.

Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, rationē habentium, quæ maiorem rationem habet, illa maior est. ad quam autem eadem maiorem rationem habet, illa minor est.



1α

Οἱ τῷ αὐτῷ λόγῳ οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eide sunt eadē rationes, & inter se sunt eadem.



1β

Εὰν ἡ ὁποσαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῇ ἡγουμένῳ πρὸς ἐν τῇ ἐπομένῳ, οὕτως ἀπαιτᾶται ἡ ἡγουμένα, πρὸς ἀπαιτᾶται ἐπόμενα.

Theor. 12. Propo. 12.

Si sint magnitudines quocunque proportionales, quemadmodum se habuerit una antecedentium ad unam

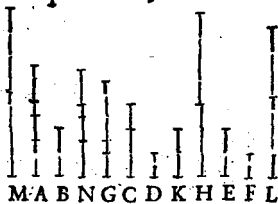
consequentium, ita se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.



¹⁷
Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ πρὸς τέταρτον
μείζονα λόγον ἔχη, ἢ ὥς πέμπτον πρὸς ἕκτον: καὶ
πρῶτον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔξῃ, ἢ ὥς πέμ-
πτον πρὸς δεύτερον ἕκτον.

Theor. 13. Propo. 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, tertia verò ad quartam, maiorem rationem habuerit, quàm quinta ad sextam: prima quoque ad secundam maiorem rationem habebit, quam quinta ad sextam.

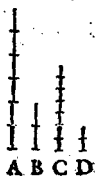


1 δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ δὲ πρῶτον τῷ τρίτῳ μεί-
 ζον ἢ : καὶ τὸ δεύτερον τῷ τετάρτῳ μείζον ἔσται, καὶ
 ἔλασσον, ἔλασσον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si prima ad secundam eandem habuerit ra-
 tionem, quam tertia ad quartam, prima ve-
 rò quàm tertia maior fuerit: erit
 & secunda maior quàm quar-
 ta. Quòd si prima fuerit æqua-
 lis tertiæ, erit & secunda æqua-
 lis quartæ: si verò minor, & mi-
 nor erit.



1 ε

Τὰ μέρη, τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν
 ἔχον λόγον, ληφθέντα κατὰλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

Partes, cùm pariter multipli-
 cibus in eadem sunt ratione, si
 prout sibi mutuo respondent,
 ita sumantur.



¹⁵
Εὰν τέσσαρα μέγῃ ἀνάλογον ᾦ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 16. Propo. 16.

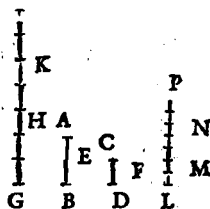
Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, & vicissim proportionales erunt.



¹⁶
Εὰν ὁλικὸν μέγεθος ἀνάλογον ᾦ, καὶ διαιρεθέντα, ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 17. Propo. 17.

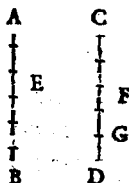
Si compositæ magnitudines proportionales fuerint, hæ quoque diuisæ proportionales erunt.



¹⁷
Εὰν διηρημένα μέγῃ ἀνάλογον ᾦ, καὶ ὁλικὸν ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 18. Propo. 18.

Si diuifæ magnitudines fint
proportionales, hæ quoque
compositæ proportionales
erunt.

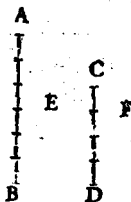


ιθ

Εὰν ἡ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρεθὲν πρὸς ἀ-
φαιρεθὲν: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἕσται, ὡς ὅ-
λον πρὸς ὅλον.

Theor. 19. Propo. 19.

Si quemadmodum totum ad
totum, ita ablatum se habue-
rit ad ablatum: & reliquum
ad reliquum, vt totum ad to-
tum se habebit.

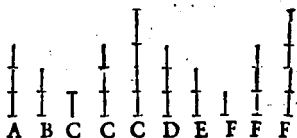


κ

Εὰν ἡ τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος,
ζυγίῳ λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, δι' ἴσας
δὲ τὸ πρῶτον τῶ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον
τῶ ἑκτοῦ μείζον ἕσται: καὶ ἴσον, ἴσον: καὶ ἑλάσσον,
ἐλάσσον.

Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & aliaë ipsis equal-
les numero, quæ
binæ & in eadem
ratione suman-
tur, ex quo autẽ
prima quàm ter-
tia maior fuerit:

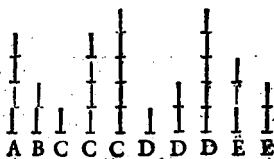


erit & quarta, quàm sexta maior. Quòd si
prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æ-
qualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque
minor erit.

^{κα}
Εὰν ἡ τρίτα μείζην, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος
ζεύδυο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ
τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δι' ἴσας δὲ τὸ πρῶ-
τον τῷ τρίτῳ, μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τῷ ἑκτῷ
μείζον ἔσται: καὶ ἴσον, ἴσον: καὶ ἔλασσον, ἔλασσον.

Theor. 21. Propo. 21.

Si sint tres magni-
tudines, & aliaë ip-
sis æquales nume-
ro quæ binæ & in
eadẽ ratione sumã-
tur, fueritque per-



turbata

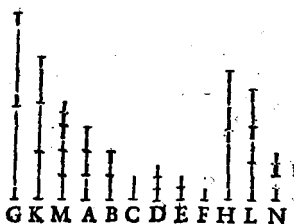
turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κβ

Εὰν ἡ ὁποσοιοῦν μέγθῃ, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, (μῦθος λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσας ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

Proble. 22. Propo. 22.

Si sint quotcunque magnitudines, & aliæ ipsis æquales numero, quæ binæ in eadē ratione sumantur, & ex æqualitate in eadē ratione erunt.



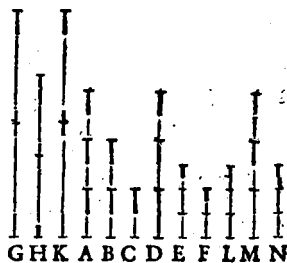
κγ

Εὰν ἡ πρῶτα μέγθῃ, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος (μῦθος λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ τετραγώνη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσας ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

I

Theor. 23. Propo. 23.

Si sint tres magnitudines, aliæque
 ipsis æquales nu-
 mero, quæ binæ in
 eadem ratione su-
 mantur, fuerit au-
 tē perturbata ea-
 rum proportio: et-
 tiam ex æqualitate



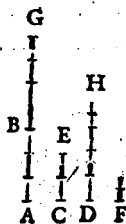
in eadem ratione crunt.

κ δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχῃ δὲ καὶ πέμπτον πρὸς
 δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον.
 καὶ ζυγισθὲν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον
 τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ-
 τартον.

Theor. 24. Propo. 24.

Si prima ad secundam, eādem
 habuerit rationem, quam ter-
 tia ad quartam, habuerit au-
 tem & quinta ad secundā ean-
 dem rationem, quam sexta ad
 quartam: etiā composita pri-
 ma cum quinta ad secundam



eandem habebit rationem, quam tertia cum sexta ad quartam.

κε

Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ἐστιν.

Theor. 25. Propo. 25.

Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, maxima & minima reliquis duabus maiores erunt.



Elementi quinti finis.

I ij



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEXTVM.

ΟΨΟΙ.

a

Ὅμοια σχήματα εὐθύγραμμά ἐστιν, ὅσα ἴσας τε
γωνίας ἴσας ἔχῃ καὶ μίαν, καὶ τὰς πρὸς τὰς ἴ-
σας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ & an-
gulos singulos singulis æquales habent, at-
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-
les, proportionalia.

β

Ἀντιπεπονητότα δὲ σχημάτά ἐστιν, ὅταν ἑκατέρω τ' σχημάτων ἡγούμηνοι τε καὶ ἐπόμηνοι λόγῳ ᾖσιν.

2

Reciprocae autem figuræ sunt, cùm in vtraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Ἄκρον καὶ μέσον λόγον εὐθεία τετμήσθαι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἢ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, οὕτως τὸ μείζον πρὸς τὸ ἐλάσσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cùm vt tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Υψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τῇ βάσει κείμενος ἀγόμενός.

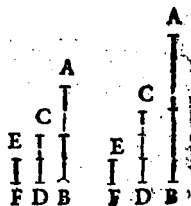
4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγος ἐκ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πηλοκότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσιν ποιῶσιν τινα λόγον.

Ratio ex rationibus com-
poni dicitur, cūm rationū
quantitates inter se multi-
plicate aliquam effecerint
rationem.



Προτάσις.

α

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ ὀρθογώνια, τὰ ὑπὸ τὸ
αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλα ὅσιν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Propo. 1.

Triangula & parallelogra-
ma, quorum eadem fuerit
altitudo, ita se habent in-
ter se vt bases.



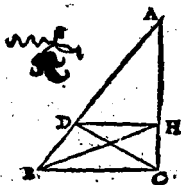
β

Εὰν τριγώνου ὀρθὴ μία τῶν πλευρῶν ἀρῇ πρὸς
εὐθείᾳ ὀρθόγωνος, ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τῶ τριγώ-
νου πλευρὰς, καὶ εἰ αἱ τῶ τριγώνου πλευρὰ ἀνάλο-
γον τμηθῶσιν, ἡ ὅτι τὰς τομαῖς ὁπίζευγνυμένη εὐ-
θεῖα, ὀρθὴ πλεῖστον ἔσται τῶ τριγώνου πλευρῶν
ὀρθόγωνος.

Theor. 2. Propo. 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela ducta

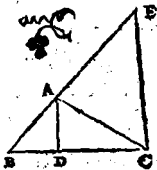
fuerit recta quædam linea : hæc proportio-
naliter secabit ipsius trian-
guli latera. Et si trianguli
latera proportionaliter se-
cta fuerint : quæ ad sectio-
nes adiuncta fuerit recta li-
nea, erit ad reliquū ipsius
trianguli latus parallela.



Εάν τριγώνου γωνία διχα τμηθῇ, ἡ δὲ τέμνουσα τὴν
γωνίαν εὐθεῖα τέμνῃ καὶ τὴν βάσιν, τὰ τῆς βάσεως
τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς ὁ τρι-
γώνου πλευραῖς. καὶ ἐάν τὰ τῆς βάσεως τμήματα,
τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς ὁ τριγώνου πλευ-
ραῖς, ἀπὸ τῆς κορυφῆς ὅπῃ τὴν τομὴν ὁρίζου-
μενη εὐθεῖα διχα τέμνῃ τὴν τῶ τριγώνου γωνίαν.

Theor. 3. Propo. 3,

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, se-
cans autem angulum recta linea secuerit &
basin : basis segmenta eandem habebunt
rationem, quam reliqua
ipsius trianguli latera. Et
si basis segmenta ean-
dem habeant rationem
quam reliqua ipsius tri-
anguli latera, recta li-



I iiij

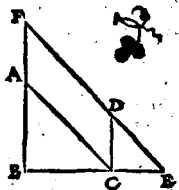
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius angu-
lum.

δ

Τῶν ἰσογωνίων τριγώνων, ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευ-
ραί, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ
τῶν ἴσων γωνιῶν ὑποκείμεναι πλευραί.

Theor. 4. Propo. 4.

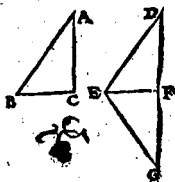
Æquiangulorum triangulorū proportio-
nalia sunt latera, quæ cir-
cum æquales angulos, &
homologa sunt latera, quæ
æqualibus angulis subtenduntur.



Εὰν δύο τρίγωνα τῶν πλευρῶν ἀνάλογον ἔχῃ, ἰσο-
γώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας ὑπὸ
αἱ αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποκείμεναι.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triangula latera proportionalia ha-
beant, æquiangula erunt
triangula, & æquales ha-
bebunt eos angulos, sub
quibus & homologa late-
ra subtenduntur,

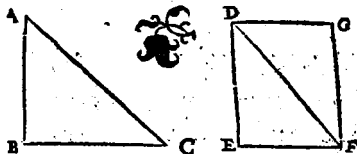


Εὰν δύο τρίγωνα ^ζ μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ,
 πρὸς δὲ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας,
 ὑφ' αἷ αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑπολείνθωσιν.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangula erunt trian-

gula, æqualésque habebunt angulos, sub quibus ho-



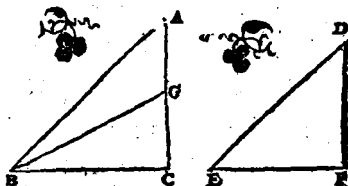
mologa latera subtenduntur.

Εὰν δύο τρίγωνα ^ζ μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ,
 πρὸς δὲ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέραν ἅμα ἢ τοι ἐλάσσονα ἢ μὴ
 ἐλάσσονα ὀρθῆς, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴ-
 σας ἔξει τὰς γωνίας, πρὸς αἷ ἀνάλογόν εἰσιν αἱ
 πλευραί.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angulos la-

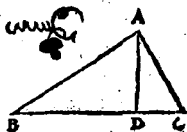
tera proportionalia habeant, reliquorum
verò simul vtrunque aut minorem aut non
minorem recto: æquiangula erunt triangu-
la, & æqua-
les habe-
būt eos an-
gulos, cir-
cum quos
propor-
tionalia sunt latera.



Εὰν ἐν ὀρθογωνίῳ τρίγωνῳ, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ὅπου
τὴν βάσιν κατέβητος ἄρθῃ, τὰ πρὸς τῇ κατέβητος πρὶ-
γωνα ὁμοιά ἐστὶ πρὸς τὸ ὅλον, καὶ ἀλλήλοις.

Theor. 8. Propo. 8.

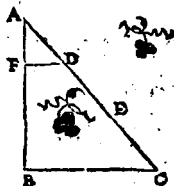
Si in triangulo rectangulo, ab angulo recto
in basin perpendicularis
ducta sit, quæ ad perpen-
dicularem triangula, tum
toti triângulo, tum ipsa in-
ter se similia sunt.



Τῆς δοθείσης εὐθείας τὸ πρὸς ταχθεὶ μέρος ἀ-
φελῆν.

Probl. 1. Propo. 9.

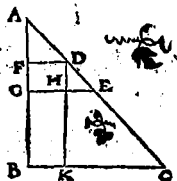
A data recta linea imperatam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀτμήτον, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τελεμημένη ὁμοίως τεμεῖν.

Probl. 2. Propo. 10.

Datam rectam lineam infectam similiter secare, ut data altera recta secta fuerit.

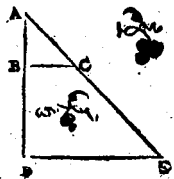


κα

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, περίττω ἀνάλογον ποσοεὐρεῖν.

Probl. 3. Propo. 11.

Duabus datis rectis lineis. tertiam proportionalem adinuenire.

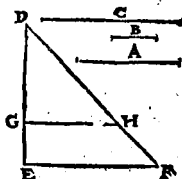


ιβ

Τριῶν δοθεισῶν εὐθειῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν.

Probl. 4. Propo. 12.

Tribus datis rectis lineis,
quartam proportionalem
adinuenire.

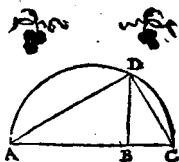


ιγ

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν, μέσλην ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν.

Probl. 5. Propo. 13.

Duabus datis rectis lineis,
mediam proportionalem
adinuenire.

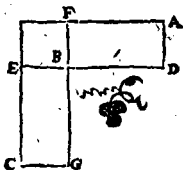


ιδ

Τῶν ἴσων τε καὶ μίαν μὲν ἴσλην ἔχοντων γωνίαν
παλληλογραμμῶν, ἀντιπεπόμεναι αἱ πλευ-
ραι, αἱ δὲ ἴσας γωνίας: καὶ ὧν παλληλο-
γραμμῶν μίαν μὲν ἴσλην ἔχοντων γωνίαν, ἀντιπε-
πόμεναι αἱ πλευραι, αἱ δὲ ἴσας γωνίας, ἴσα
ᾖ τὸ ἐκείνα.

Theor. 8. Propo. 14.

AEQUALIUM, & VNUM VNI ÆQUALEM HABENTIUM ANGULUM PARALLELOGRAMMORUM RECIPROCA SUNT LATERA, QUÆ CIRCUM ÆQUALES ANGULOS: & QUORUM PARALLELOGRAMMORUM VNUM ANGULUM VNI ANGULO ÆQUALEM HABENTIUM RECIPROCA SUNT LATERA, QUÆ CIRCUM ÆQUALES ANGULOS, ILLA SUNT ÆQUALIA.

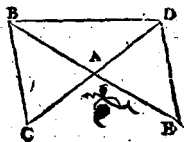


16

Τῶν ἴσων, καὶ μίαν μὲν ἴσιν ἔχοντων γωνίαι περιγώνων αὐτιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ δὲ καὶ τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὅταν μίαν μὲν ἴσιν ἔχοντων γωνίαν αὐτιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ δὲ καὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ᾖ ἐκείνα.

Theor. 9. Propo. 15.

AEQUALIUM, & VNUM ANGULUM VNI ÆQUALEM HABENTIUM TRIANGULORUM RECIPROCA SUNT LATERA, QUÆ CIRCUM ÆQUALES ANGULOS: & QUORUM TRIANGULORUM VNUM ANGULUM VNI ÆQUALEM HABENTIUM RECIPROCA SUNT LATERA, QUÆ CIRCUM ÆQUALES ANGULOS, ILLA SUNT ÆQUALIA.

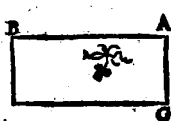
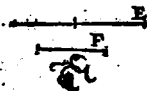
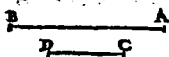


15

Εὰν τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod sub mediis comprehenditur rectangulo. Et si sub extremis comprehensum rectangulum æquale fuerit ei, quod sub mediis continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.

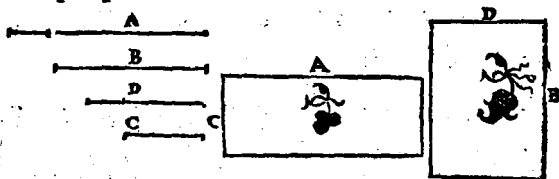


16

Εὰν πρὶς εὐθείαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ: καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῆς ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῆς μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ πρὶς εὐθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 17.

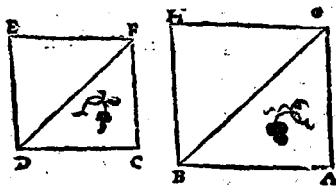
Si tres rectę lineę sint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illę tres rectę lineę proportionales erunt.



¹⁷
 Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ ὅμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον εὐθύγραμμον ἀναγεῖναι.

Probl. 6. Propo. 18,

À data recta linea, dato recti lineo simile similiterque positum rectilineum describere.

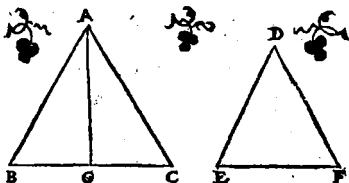


10

Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἀλλήλα ἐν διπλασίονι λόγῳ ἔχουσιν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 13. Propo. 19.

Similia tri-
angula in-
ter se sunt
in duplica-
ta ratione
laterū ho-
mologorum.

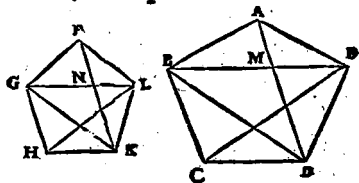


11

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια τρίγωνα διαιρεῖται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἢ ὁμόλογον πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theor. 14. Propo. 20.

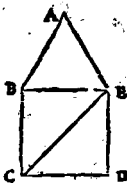
Similia po-
lygona in
similia tri-
angula di-
viduntur,
& nume-
ro æqua-
lia, & ho-
mologa to-
tis. Et po-
lygona du-



C

plicatam

plicatam habent eam inter se rationem, quam latus homologū ad homologum latus.

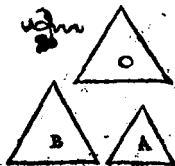


κα

Τὰ τῷ αὐτῷ εὐθύγραμμῳ ὅμοια, καὶ ἀλλήλοις ὅμοια.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidē rectilineo sunt similia, & inter se sunt similia.



καβ

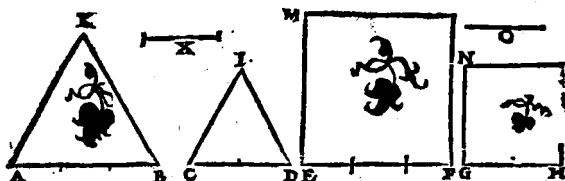
Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν εὐθύγραμμα ὅμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ᾖσι. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν εὐθύγραμμα ὅμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσιν.

Theor. 16. Propo. 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similiterque descripta proportionalia erunt. Et si à re-

K

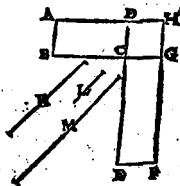
Etis lineis similia similiterque descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



κ γ
Τὰ ἰσογώνια ὡς ἀλληλόγραμμα
ὡς ἀλλήλα λόγον ἔχουσι τὸν συγ-
κεῖμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogramma inter se rationem habent eam, quæ ex lateribus componitur.



κ δ

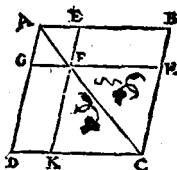
Παντὸς ὡς ἀλληλόγραμμοις τὰ πρὸς τὴν ἀμέ-
σον ὡς ἀλληλόγραμμα, ὅμοιά ἐστι πρὸς τὴν ὅλην καὶ
ἀλλήλοις.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogrammo, quæ circa dia-

metrū sunt parallelogrā-
ma, & toti & inter se sunt
similia.

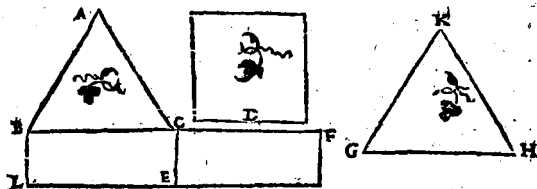
κε



Τῷ δοθέντι ἑνὶ γωνίῳ ὁμοίον, καὶ ἄλλῳ τῷ δοθέντι
ἴσον τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

Proble. 7. Propo. 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æqua-
le idem constituere.

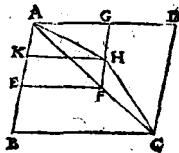


κε

Εὰν ἀπὸ τῶν ὁμοίων ὁμοίων τε τῷ ὅλῳ καὶ ὁμοίως κείμενον,
κοινῇ γωνίᾳ ἔχον αὐτῷ, πρὸς αὐτὸν ἀφαιρέ-
σθον ὅτι τῷ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallelogrammo pa-
rallelogrammū ablatum
fit & simile toti & simili-
ter positum communem



K ij

cum eo habens angulum, hoc circum eandē
cum toto diametrum consistit.

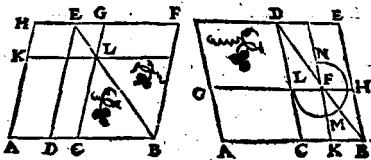
κ ζ

Πάντων τῶν περὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν περὶ βαλ-
λομένων ὁμοιολογῶν, ἢ ἐλλειπόντων εἶδеси
ὁμοιολογῶν ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κειμένων
τῶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγεγραμμένων, μέγιστον ὅτι τὸ
ἀπὸ τῆς ἡμισείας περὶ βαλλόμενον περὶ βαλλό-
μενον, ὁμοιον ὂν τῶν ἐλλείματι.

Theor. 20. Propo. 27.

Omnium parallelogrammorum secundum
eandem rectam lineam applicatorum defi-
ciētiumque figuris parallelogrammis simi-
libus similiterque positis ei, quod à dimidia
describitur,

maximū id
est quod ad
dimidiā ap-
plicatur pa-
rallelogra-
mum, simile existens defectui.



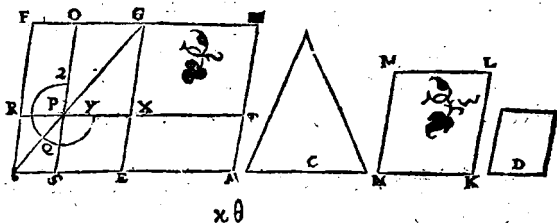
κ η

Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν, τῶν δοθέντων εὐθυ-
γραμμῶν ἴσον περὶ βαλλόμενον περὶ βαλεῖν, ἐλ-
λείπον εἶδει ὁμοιολογῶν ὁμοίως ὅντι τῶν
δοθέντων. δεῖ δὴ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, ὃ δεῖ

ἴσον ὠραβαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ὠραβαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλείψεων, τῷ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας καὶ τῷ δεῖ ὁμοιον ἐλλείπειν.

Probl. 8. Propo. 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo æquale parallelogrammū applicare deficiens figura parallelogramma, quæ similis sit alteri rectilineo dato. Oportet autem datum rectilineum, cui æquale applicandū est, non maius esse eo quod ad dimidiam applicatur, cū similes sint defectus, & eius quod à dimidia describitur, & eius cui simile deesse debet.



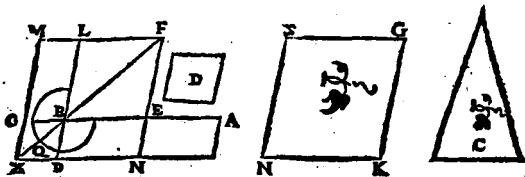
Παρά τινι δοθείσῃ, εὐθεῖᾳ τῷ δοθέντι ἑνυγράμμῳ ἴσον ὠραβηλόγραμμον ὠραβαλεῖν ὠραβᾶλλον εἶδ' ὠραβηλόγραμμῳ ὁμοίᾳ τῷ δοθέντι

Probl. 9. Propo. 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo

K iij

æquale parallelogrammum applicare, excedens figura parallelogramma, quæ similis sit parallelogrammo alteri dato.

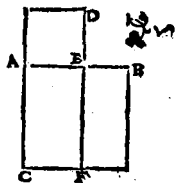


λ

Τὴν περὶ τὴν εὐθεῖαν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμεῖν.

Probl. 10. Propo. 30.

Propositam rectam lineam terminatam, extrema ac media ratione secare.



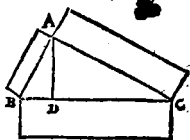
λα

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ὑπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ὑποκείνουσας πλευρᾶς εἶδος ἴσον ὅτι τοῖς ὑπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν εἶδει τοῖς ὁμοίοις, καὶ ὁμοίως αναγκαφομένοις.

Theor. 21. Propo. 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis à latere rectum angulum subtendente descri-

pta æqualis est figuris, quæ
priori illi similes, & simili-
ter positæ à lateribus rectū
angulū continentibus de-
scribuntur.

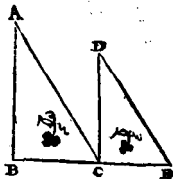


λβ

Επὶ δύο τρίγωνα (ωστε) ἢ χτ' μίαν γωνίαν ἔας δύο
πλευρὰς τῆς δυοῖ πλευρῶν ἀνάλογον ἔχοντα,
ὥστε ἔας ὁμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ ὁμοκλή-
λους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευρὰν ἐπ' εὐ-
θείας ἔσονται.

Theor. 22. Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus la-
teribus proportionalia habeant, secundum
vnū angulum composita
fuerint, ita vt homologa
eorum latera sint etiā pa-
rallela, tum reliqua illorū
triangulorum latera in re-
ctam lineam collocata re-
perientur.



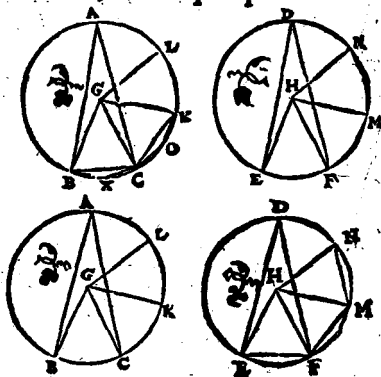
λγ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον
ἔχουσι τῆς περιφερείας, ἐφ' ᾧν βεβήκασιν, εἰάν-
τε πρὸς τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς τῆς περιφε-
ρείας ὡς βεβήκυσιν. ἔτι δὲ καὶ οἱ τομεῖς, ἅτε πρὸς

K iij)

Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habēt
rationē cum ipsis peripheriis in quibus insi-
stunt, siue ad centra, siue ad peripherias cō-
stituti illis
insistāt pe-
ripheriis.
Insuper
verò &
sectores,
quippe
qui ad cē-
tra consi-
stunt.



Elementi sexti finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEPTIMVM.

ΟΡΟΙ.

α

Μονάς ἓστι, καὶ ἡ ὁ ἕκαστον τῶν ὄντων εἰ λέ-
γεται.

DEFINITIONES.

1

Vnitas est, secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Ἀριθμὸς δὲ, τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita
multitudo.

^γ
Μέρος ὅστιν, ἀριθμὸς ἀριθμῷ ὁ ἐλάσσων τῷ μείζοντι,
ὅταν καταμετρηῇ τὸν μείζονα.

³
Pars est, numerus numerū minor maioris,
cū minor metitur maiorem.

^δ
Μέρη δὲ, ὅταν μὴ καταμετρηῇ.

⁴
Partes autem, cū non metitur.

^ε
Πολλαπλάσιος δὲ, ὁ μείζων τῷ ἐλάττωτος, ὅταν
καταμετρηῇται ὑπὸ τῷ ἐλάττωτος.

⁵
Multiplex verò, maior minoris, cū maio-
rem metitur minor.

^ς
Ἄρπος δὲ ἀριθμὸς ὅστιν, ὁ δίχα διαρούμενος.

⁶
Par numerus est, qui bifariam diuiditur.

^ζ
Περισσὸς δὲ, ὁ μὴ διαρούμενος δίχα. ἢ, ὁ μονάδι
ἀφαιρῶν ἀρτίος ἀριθμῷ.

⁷
Impar verò, qui bifariam nō diuiditur. vel,
qui vnitate differt à pari.

^η
Ἀρπάζεις ἄρπος ἀριθμὸς ὅστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀ-

ριθμῷ μετ' ἑαυτοῦ χτ' ἄρτιον ἀριθμῶν.

8

Pariter par numerus est, quem par numerus metitur per numerum parem.

θ

Ἀρπάζεις δὲ πεντασός ἐστιν, ὃ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ μετ' ἑαυτοῦ χτ' πεντασὸν ἀριθμῶν.

9

Pariter autem impar est, quem par numerus metitur per numerum imparem.

ι

Πεντασάζεις δὲ πεντασός ἐστιν ἀριθμῶς, ὃ ὑπὸ πεντασῷ μετ' ἑαυτοῦ χτ' πεντασὸν ἀριθμῶν.

10

Impariter verò impar numerus est, quē impar numerus metitur per numerū imparē.

1α

Πρῶτος ἀριθμῶς ἐστιν, ὃ μονάδι μόνῃ μετ' ἑαυτοῦ.

11

Primus numerus est, quem vnitas sola metitur.

1β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μετ' ἑαυτοῦ κοινοῦ μέτρω.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

17

Συνήθετος ἀριθμός ἐστιν, ὁ ἀριθμῶ πινὶ μετρίμηνος.

13

Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

18

Συνήθετοι δὲ πρὸς ἀλλήλοις ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ πινὶ μετρίμηνος κοινῶ μέτρω.

14

Compositi autē inter se numeri sunt, quos numerus aliquis mēsurā cōmunis metitur.

15

Ἀριθμός ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τοσαυτάκις (σωπῇ) ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

15

Numerus numerum multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicatē unitates, & procreatus fuerit aliquis.

16

Ὅταν δὲ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλοις ποιῶσι πινά, ὁ γενόμενος ὑπὲρ πεδός καλεῖται, πλευραὶ δὲ αὐτῶ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλοις ἀριθμοί.

16

Cum autem duo numeri mutuò sese mul-

tiplicantes quempiā faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicētur.

¹⁵
Οἱ τὰι δὲ τρεῖς ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι πινά, ὁ γενόμενος τερεὺς καλεῖται, πλευραὶ δὲ αὐτῶ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

17

Cū verò tres numeri mutuò sese multiplicātes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

17

Τετράγωνος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ὑπὸ δύο ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

18

Quadratus numerus est, qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

18

Κύβος δὲ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ὑπὸ τριῶν ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris cōtinetur.

κ

Ἀριθμοὶ ἀνάλογον εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τῷ δευτέρῳ
καὶ ὁ τρίτος τῷ τετάρτῳ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιος, ἢ
τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ ἅ αὐτὰ μέρη ᾖσιν,

20

Numeri proportionales sunt, cum primus
secundi, & tertius quarti æquè multiplex
est, vel eadem pars, vel eadem partes.

κα

Ὅμοιοι ὅπῃ πεδδι καὶ στεροὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλο-
γον ἔχοντες ἅς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui pro-
portionalia habent latera.

κβ

Τέλφος ἀριθμός ἐστίν, ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖν.

22

Perfectus numerus est, qui suis ipsius parti-
bus est æqualis.

Προτάσις.

α

Εὰν δύο ἀριθμοὶ αἰσῶν σκευμμένων, ἀνθυφαιρου-
μένου αἰ τῷ ἐλάσσονος ἀπὸ τῷ μείζονος ὁ λειπό-
μενος μηδέποτε χαλαμετῇ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕως οὗ
ληφθῇ μονὰς, οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς
ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 1. Propo. 1.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadā detractiōe, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit vnitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

A		
H		
:	C	
:	G	
:	:	:
B	D	

β

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλοις, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. 1. Propo. 2.

Duobus numeris datis nō primis inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.

		A	
		:	C
		E	:
	E	:	F
	:	:	:
	:	:	:
E	D	B	D

γ

Τρεῖς ἀριθμοὶ δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλοις, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 2.

:	:	:	:	:
A	B	C	D	E

Propo. 3.

8	6	4	2	3
---	---	---	---	---

Tribus numeris datis non primis

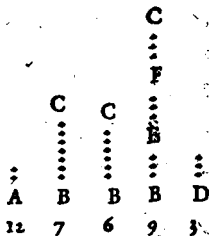
:	:	:	:	:	:
A	B	C	D	E	F
18	12	8	6	2	3

inter se, maximam eorum communem me-
suram reperire.

Πᾶς ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τῷ μεί-
ζονος ἢ τοι μέρος ὅστιν, ἢ μέρος.

Theor. 2. Propo. 4.

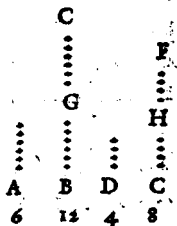
Omnis numerus cuius-
que numeri, minor ma-
ioris aut pars est, aut
partes.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ
αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρος συναμφοτέρη τὸ αὐτὸ
μέρος ἔσται, ὅταν ὁ εἷς τῶ ἐνός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars
fuerit, & alter alterius ea-
dem pars, & simul vter-
que vtriusque simul eadē
pars erit, quæ vnus est
vnius.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐ-
τὰ μέρος ἦ, καὶ συναμφοτέρος συναμφοτέρη τὰ αὐτὰ
μήρη ἔσται, ὅταν ὁ εἷς τῶ ἐνός.

Theor.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alterius
eædem partes, & simul
vterquevtriusque simul
eædem partes erunt, quæ
sunt vnus vnus.

B		E	
:		:	
H		H	
:	:	:	:
A	C	D	F
6	9	8	12

ζ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾦ, ὅτε ἀφαίρεθῇς ἀ-
φαιρέγεται, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὸ αὐτὸ μέρος
ἔσται ὅτε ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	:
	F
	:
B	:
:	:
E	C
:	:
:	:
A	G
6	16

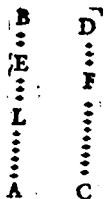
η

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾦ, ὅτε ἀφαίρεθῇς ἀφαί-
ρεγεται, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται
ὅτε ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

L

Theor.6. Propo.8.

Si numerus numeri eadem
sint partes quæ detractus de-
tracti, & reliquus reliqui eæ-
dem partes erunt, quæ sunt
totus totius.



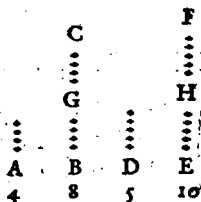
II 12
G...M.K...N.H.

θ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ
αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος ὅστιν ἢ μέρη ὁ πρῶτος τῷ
τρίτῳ, τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ
δευτέρος τῷ τετάρτῳ.

Theor.7. Propo.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadem
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tii, eadē pars erit vel eæ-
dem partes & secundus
quarti.



Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ, ἂ μέρη ὅστιν ὁ πρῶτος τῷ
τρίτῳ ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται καὶ ὁ δευτέρος τῷ
τετάρτῳ, ἢ μέρος.

Theor. 8. Propo. 10.

Si numerus numeri partes
sint, & alter alterius eadē
partes, etiam vicissim quæ
sunt partes aut pars pri-
mus tertii, eadē partes
erunt vel pars & secundus
quarti.

		E	...
H	...	H	...
G	...	...	...
...	...	...	...
A	C	D	F
4	6	10	18

1α

Εὰν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρεθεὶς πρὸς ἀφα-
ρεθέντα, ὡς ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος
πρὸς ὅλον.

Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodū se habet totus ad
totum, ita detractus ad detractum,
& reliquus ad reliquum ita habe-
bit vt totus ad totum.

B	D
...	...
E	F
...	...
A	C
6	8

1β

Εὰν ὅσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον, ἔσται ὡς εἰς
τῶν ἡγουμένων πρὸς εἶνα τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅ-
παντες οἱ ἡγούμενοι πρὸς ἅπαντας τοὺς ἐπομένους.

Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quocūque nume-
ri proportionales, quem-
admodum se habet vnus
antecedentium ad vnum sequentium, ita

...	...	...	...
A	B	C	D
9	6	3	2

L. ij

se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

¹⁷
Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσι, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint proportionales, & vicissim proportionales erunt.

$\frac{A}{12}$	$\frac{B}{4}$	$\frac{C}{9}$	$\frac{D}{3}$
----------------	---------------	---------------	---------------

¹⁸
Εὰν ᾧσιν ὅποσοιῦν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος (μὲν δυο λαμβανόμενοι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δι' ἴσος ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcūque numeri & alii illis æquales multitudine, qui bini sumantur & in eadem ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.

$\frac{A}{12}$	$\frac{B}{6}$	$\frac{C}{3}$	$\frac{D}{8}$	$\frac{E}{4}$	$\frac{F}{2}$
----------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------

¹⁹
Εὰν μονὰς ἀριθμὸν πνα μετρήῃ, ἰσάκως δὲ ἕτερος ἀριθμὸς ἄλλον πνα ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ ἐναλλάξ ἰσάκως ἢ μονὰς τὸν τρίτον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ ὁ δεύτερος τέταρτον.

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerum quem-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quendam
numerus æquè metiatur,
& vicissim vnitas tertium
numerus æquè metietur
atque secundus quartum.

				F
	C			:
	H			L
	G			:
				K
				:
A	B	D	E	:
1	3	2	6	

¹⁷
Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαις ἀλλήλους
ποιῶσι πινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ἔσονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-
tuò sese multiplicā-
tes faciant aliquos,
qui ex illis geniti fuerint inter se æquales e-
runt.

E	A	B	C	D
1	2	4	8	8

¹⁸
Εὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσαις ποιῇ
πινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι
πολλαπλασιασθεῖσι.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans
L iiij

faciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt eandem ra-
tionem habebunt quam multiplicati.

17

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν πῖνα πολλαπλασιάσαν-
τες ποιῶσι πῖνα, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν
ἔξουσιν λόγον τοῖς πολλαπλασιάσει.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eādem habebunt ratio-
nem, quam qui illum multiplicarunt.

18

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ἅκ' τοῦ
πρώτου καὶ τετάρτου γωμόμνος ἀριθμὸς, ἴσος ἔσται τῷ
ἅκ' τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου γωμόμνω ἀριθμῷ. καὶ εἰ
ὁ ἅκ' τοῦ πρώτου καὶ δευτέρου γωμόμνος ἀριθμὸς ἴσος
ᾗ τῷ ἅκ' τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales, qui
ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex
secundo & tertio: & si qui ex primo & quar-
to fit numerus, æqualis sit ei qui ex secun-

bo & tertio,	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
	A	B	C	D	E	F
illi quatuor	6	4	3	2	12	12
numeri proportionales erunt.						

κ

Εὰν πρῆς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων, ἴσος ᾖ τῷ ὑπὸ τῶ μέσου. εἰ δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων, ἴσος ᾖ τῷ ὑπὸ τῶ μέσου, οἱ πρῆς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab extremis continetur, æqualis est ei qui à medio efficitur. Et si qui ab extremis continetur, æqualis sit ei qui à medio describitur, illi tres numeri proportionales erunt.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
2	6	4
⋮		
D		
6		

κα

Οἱ ἐλάττωτοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, μεβοῦσι τοῖς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἰσάκως, ὁ, τε μείζων τὸν μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omnium qui eandem cum eis rationem habent, æqualiter metiuntur numeros ean-

D	L		
⋮	⋮		
G	H		
⋮	⋮	⋮	⋮
C	E	A	B
4	3	8	6

L iij

dem rationem habētes, maior quidē maiorem, minor verò minorem.

κβ

Εὰν ὥσι πρῆς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλήθος, (μῦθο λαμβανόμενοι καὶ ἐκ τῶ αὐτῶ λόγῳ, ἢ δὲ τετραγμῶν αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσας ἐκ τῶ αὐτῶ λόγῳ ἐσονται.

Theor. 20. Propo. 22

Si tres sint numeri & alii multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadem ratione, sit autem perturbata eorum proportio, etiam ex æ-

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ F \end{smallmatrix}$
6	4	3	12	8	6

qualitate in eadē ratione erunt.

κγ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι εἰσὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omniū eandem cum eis rationem habentium.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$
5	6	2	4	3

κδ

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν.

Theorem 22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis rationem habentium, primi sunt inter se.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D	E
8	6	4	3	2

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, ὁ τὸν ἓνα αὐτῶν μεβῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alterutrum illorum metitur numerus, is ad reliquum primus erit.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D
6	7	3	4

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς τινα ἀριθμὸν πρῶτοι ᾦσι, καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γινόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad quempiam numerū primi sint, ad eundem primus is quoque futurus est, qui ab illis productus fuerit.

$\vdots$					
3					
B	$\vdots$	$\vdots$			
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	
A	C	D	E	F	
5	5	5	3	2	

κζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ ὁῶντοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, ὁ ὅς τε ἐνὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν λοιπὸν, ὁῶντος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter se, qui ab vno eorum gignitur ad reliquum, primus erit.

⋮	⋮	⋮
B	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	3

κη

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέροι πρὸς ἐχάτερον ὁῶντοι ὦσι, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν γενόμενοι ὁῶντοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad vtrumque, primi sint, & qui ex eis gignentur, primi inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
3	5	15	2	4	8

κθ

Εάν δύο ἀριθμοὶ ὁῶντοι πρὸς ἀλλήλους ὦσι, καὶ πολλαπλασιάσας ἐκάτερος ἑαυτὸν ποιῇ πινά, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν, ὁῶντοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται. καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς τοῖς γενομένοις πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι πινὰς, καὶ κείνοι ὁῶντοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται, καὶ αἰεὶ πρὸς τοῖς ἀκρὺς τῶτο συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicans vterque seipsum precreet aliquem, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quòd si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, effecerint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idē

hoc semper eueniet.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{F}}$
3	6	27	4	16	63

λ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις ᾦσι, καὶ
 συναμφοτέρως πρὸς ἑκάτερον αὐτῶν ἀρῶτος ἔσται·
 καὶ εἰς συναμφοτέρως πρὸς ἑκάστην αὐτῶν ἀρῶτος
 ᾦ, καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ ἀρῶτοι πρὸς ἀλλή-
 λοις ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam simul vterque ad vtrunque illorum primus erit. Et si simul vterque ad vnum aliquem eorum primus sit, etiam qui initio positi sunt numeri, primi inter se erunt.

λ α

Ἄπας ἀρῶτος ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀειγμὸν, ὃν
 μὴ μεῖζει, ἀρῶτός ἐστιν.

Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus ad omnē
 numerum quem nō metitur, pri-
 mus est. $\lambda \beta$

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσωντες ἀλλήλους
 ποιῶσι πινά, τὸν δὲ γενόμενον ἐξ αὐτῶν μετρήῃ τις
 πρῶτος ἀριθμὸς, καὶ εἴα τῆς ἐξ ἀρχῆς μερίσῃ.

Theor. 30. Propo. 32.

Si duo numeri sese mutuò multiplicātes fa-
 ciant aliquem, hūc autem ab illis productū
 metiatur primus quidam numerus, is alterū
 etiā metitur eorū qui initio
 positi erant. $\lambda \gamma$

Ἄπας συνθέτος ἀριθμὸς, ὑπὸ πρῶτου πινὸς ἀριθμοῦ
 μερεῖται.

Theor. 31. Propo. 33.

Omnē compositū numerū aliquis
 primus metitur. $\lambda \delta$

Ἄπας ἀριθμὸς ἢ τοι πρῶτος ὅστις, ἢ ὑπὸ πρῶτου πινὸς
 ἀριθμοῦ μερεῖται.

Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numerus aut primus est,
 aut eum aliquis primus metitur. $\lambda \epsilon$

Ἀριθμὸς δὲ δθέντων ὁποσωνοῦν, εὑρεῖν τοὺς ἐλαχίστους
 τῆς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Propo. 35.

Numeris datis quotcunque, reperire mini-

mos omnium qui eandem cum illis rationem habeant.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H	K	I	M
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λ γ

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμὸν.

Probl. 4. Pro-
posi. 36.

Duobus numeris datis, reperire quem illi minimum metiantur numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
A	C	D	E	F	
7	12	8	4	5	
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
A	B				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
F	E	C	D	G	H
6	9	12	9	2	3

λ ζ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν πᾶσι μετρώσι, καὶ ὁ ἐλάχιστος ὑπὲρ αὐτῶν μετρεῖσιν τὸν αὐτὸν μετρήσῃ.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum quempiam metiantur, & minimus quē illi metiuntur eundem metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C
2	3	6	12

λ η

Τετρὰς ἀριθμοὶ δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμὸν.

Probl. 5. Propo. 38.

Tribus numeris datis, reperire quem

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
3	4	6	12	8

minimum nume-
rum illi metiatur.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
3	6	8	12	24	16

λθ

Εὰν ἀριθμὸς ὑπὸ πινος ἀριθμοῦ μετρήται, ὁ με-
τρεῖς ἀριθμὸς ὁμώνυμον μέρος ἔξῃ τῷ μετρούμῃ.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerus quispiam numerum metiatur,
mensus partem habe-
bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	3	1

μ

Εὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχη ὅποιον, ὑπὸ ὁμώνυμου ἀ-
ριθμοῦ μετρήσεται τῷ μέρει.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit
quamlibet, illū metietur nu-
merus parti cognominis.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
8	4	2	1

μα

Ἀριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὢν, ἔξῃ τὰ δοθέντα μέρη.

Probl. 6. Propo. 41.

Numerum reperire, qui
minimus cū sit, datas
habeat partes.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
2	3	4	12	16

Elementi septimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΟΓΔΟΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM OCTAVVM.

α

Εἰ ἂν ὧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
γον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλοις
ᾧσιν, ἐλάχιστοὶ εἰσι τῶν αὐτὸν λόγον ἔχοντων
αὐτοῖς.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales, quorum extremi sint inter se
primi, mi-
nimi sunt
omnium eandem cum eis rationem haben-
tium.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
8	12	18	27	6	8	12	18

β

Ἀριθμοὺς εὐρεῖν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστους, ὅσοις
ᾧτιτάξῃ τις ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ.

Probl. 1. Propo. 2.

Numeros reperire deinceps proportionales
minimos, quotcunque iusserit quispiam in
data ratione.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$	$\dot{\dot{G}}$	$\dot{\dot{H}}$	$\dot{\dot{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Εὰν ᾧσιν ὅποσσιουῷ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ἐλάχι-
στοι τῷ τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι
αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶ.

Theor. 2. Propo. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales minimi habentium eandē cum
eis rationem, illorum extremi sunt inter se
primi.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$	$\dot{\dot{G}}$	$\dot{\dot{H}}$	$\dot{\dot{K}}$	$\dot{\dot{L}}$	$\dot{\dot{M}}$	$\dot{\dot{N}}$	$\dot{\dot{O}}$
27	36	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὅποσσιουῷ ἐν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς,
ἀριθμοὺς εὐρεῖν ἐξῆς ἐλαχίστους ἐν τοῖς δοθένσι
λόγοις.

Pro-

Probl. 2. Propo. 4.

Rationibus datis quotcunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O			
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12			

Οἱ ὅτι περδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσι τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theor. 3. Propo. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K	
18	21	32	3	6	4	8	9	12	16	

Εὰν ᾧσιν ὁποσίου ἂν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μετρεῖ, οὐδεὶς ἄλλος ἕδνα μετρήσῃ.

Theor. 4. Propo. 6.

Si sint quot-
libet nume-
ri deinceps
proportion-
nales, pri-

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	82	4	6	9

mus autem secundum non metiatur, neque
alius quisquam vllum metietur.

ξ

Εὰν ὅσιν ὅποσσιούν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ δὲ
πρῶτος τὸν ἑσχατὸν μετρεῖ, καὶ τὸν δεύτερον μετρήσῃ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportio-
nales, primus autem extre-
mum metiatur, is etiam se-
cundum metietur.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D
4	6	12	24

η

Εὰν δύο ἀριθμοὶ μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνά-
λογον ἐμπέσωσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μετα-
ξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέσωσιν ἀριθμοί,
ποσούτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ-
τοῖς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσού-
ται.

Theor. 6. Propo. 8.

Si inter duos numeros medii continua pro-

portione incident numeri, quot inter eos medii continua proportione incident numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medii cōtinua proportionē incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

θ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾿σιν, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλουν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπλουν ἀριθμοί, τοσούτοι καὶ ἑκατέρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξὺ καὶ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theor. 7. Propo. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medii continua proportionē incident numeri, quot inter illos medii cōtinua proportionē incident numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac vnitatem deinceps medii contiuaa proportionē incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64

M ij

Εὰν δύο ἀριθμοὶ καὶ μονάδος μεταξὺ καὶ τὸ ζυγε-
χὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἑκατέ-
ρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξὺ καὶ τὸ ζυγε-
χὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, τοσούτοι καὶ εἰς αὐ-
τοὺς μεταξὺ καὶ τὸ ζυγεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσούνται.

Theor. 8. Propo. 10.

Si inter duos numeros & unitatem conti-
nuè proportionales incidant numeri, quot
inter vtrunque
ipforū & uni-
tatem deinceps
medii cōtinua
proportione in-
cidunt numeri,
totidem & in-
ter illos medii continua proportione inci-
dent.

⋮ A	⋮ E	⋮ K	⋮ H	⋮ L	⋮ G	⋮ B
27		36		48		64
	9	D	12	F	16	
		3	C	4		
			1			

Δύο τετραγώνων ἀριθμοὶ εἰς μέσους ἀνάλογός
ἐστιν ἀριθμός. καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον
διπλασίονα λόγον ἔχει, ἥ ὡς ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν
πλευράν.

Theor. 9. Propo. 11.

Duorum quadratorum numerorum vnus
medius proportionalis est numerus: & qua-

dratus ad quadratum	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
duplicatam habet la-	A	C	E	D	B
teris ad latus rationē.	9	3	12	4	16

16

Δύο κύβων ἀριθμοὶ δύο ἀνάλογον εἰσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον triplicatάκις λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὴν πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo medii proportionales sunt numeri : & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

17

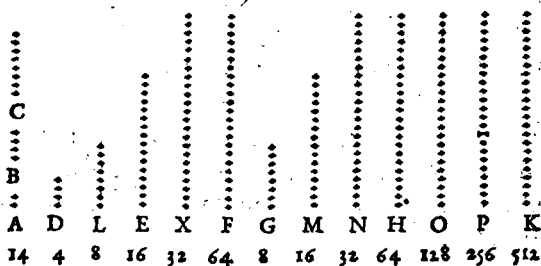
Εάν ᾧσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἑαυτὸν ποιῇ πινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ εἰὰν οἱ ἑξαρτῆς τοὺς γινόμενους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι πινὰς, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἰὲν πρὸς τοὺς ἀκροὺς τὸ αὐτὸ συμβαίνη.

Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, & multiplicans quisque seipsum

M iiij

faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt: & si numeri primùm positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18

Εὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρήῃ, καὶ ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶν μετρήσῃ. καὶ εἰὰν ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶν μετρήῃ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 12. Propo. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerū metiatur, & latus vnus metietur latus alterius. Et si vnus quadrati latus metiatur latus alterius, & quadratus quadratum metietur.

9	12	16	3	4
A	E	B	C	D

¹⁶
 Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετρή, καὶ ἡ
 πλευρὰ τῶν πλευρὰν μετρήσῃ, καὶ εἰάν ἡ πλευρὰ τῶν
 πλευρὰν μετρή, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metia-
 tur, & latus vnus metietur alterius latus. Et
 si latus vnus cubi latus alterius metiatur,
 tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	E	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

¹⁷
 Εάν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μετρή, καὶ ἡ
 πλευρὰ τῶν πλευρὰν μετρήσῃ, καὶ εἰάν ἡ
 πλευρὰ τῶν πλευρὰν μετρή, καὶ ὁ τετράγωνος
 τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum nume-
 rum non metiatur, neque latus vnus me-
 tietur alterius latus. Et si
 latus vnus quadrati non
 metiatur latus alterius, ne-
 que quadratus quadratū
 metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	25	36
M	iii	j	

ιζ

Εὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μετρήῃ, ἔσδ' ἡ
 πλευρὰ τῆς πλευρᾶς μετρήσῃ. καὶ ἡ πλευρὰ τῆς
 πλευρᾶς μὴ μετρήῃ, ἔσδ' ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum non
 metiatur, neq; latus vnius
 latus alterius metietur. Et
 si latus cubi alicuius la-
 tus alterius nō metiatur,
 neque cubus cubum me-
 tietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

ιη

Δύο ὁμοίων ὀπίπεδων ἀριθμῶν εἰς μέσους ἀνάλο-
 γος ὅστις ἀριθμὸς. καὶ ὁ ὀπίπεδος πρὸς τὸν ὀπίπεδον
 διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἡ ὁμόλογος πλευρὰ
 πρὸς τῆς ὁμόλογον πλευρᾶς.

Theor. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorum
 vnus medius
 proportiona-
 lis est nume-
 rus: & planus
 ad planum duplicatam habet lateris homor-
 logi ad latus homologum rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	4	6	3	9

10

Δύο ὁμοίων τερεῶν ἀειθμῶν, δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπέπλουσιν ἀειθμοί, καὶ ὁ τερεὺς πρὸς τὸν ὁμοιον τερεὸν βίπλασιονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medii proportionales incidunt numeri, & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologi ad latus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

x

Εὰν δύο ἀειθμῶν εἰς μέσους ἀνάλογον ἐμπέπη ἀειθμοί, ὅμοιοι ὅτι πεδδι ἔσονται ἀειθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius proportionalis incidat numerus, similes planterūt illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	36	3	4	6	8

κα

Εὰν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπέλωσιν ἀριθμοί, ὅμοιοι ᾗ τοῖς εἰσιν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Propo. 21.

Si inter duos numeros duo medii proportionales incidant numeri, similes solidi sunt illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κβ

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἔξῃς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ πρῶτος τετράγωνος ᾗ, καὶ ὁ τρίτος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps sint proportionales, primus autem sit quadratus, & tertius quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

κγ

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἔξῃς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ πρῶτος κύβος ᾗ, καὶ ὁ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theor. 21. Propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps sint proportionales, primus autem sit cubus, & quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Εάν δύο ἀειθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχωσιν, ὃν
 τετράγωνος ἀειθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀειθμὸν, ὃ
 δὲ πρῶτος τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος
 ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se
 quam quadratus numerus ad quadratū nu-
 merum, primus autem
 fit quadratus, & secun-
 dus quadratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		B	C		D
4	6	9	16	24	36

κ ε

Εάν δύο ἀειθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχωσιν, ὃν
 κύβος ἀειθμὸς πρὸς κύβον ἀειθμὸν, ὃ δὲ πρῶτος
 κύβος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant
 quam cubus numerus ad cubum numerū,
 primus autem cubus fit, & secundus cubus
 erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216

κζ

Οἱ ὅμοιοι ὀπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλοις λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quam quadratus
 numerus ad quadratū
 numerum,

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κζ

Οἱ ὅμοιοι στεροὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Theor. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

E'NNATON.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM NONVM.

a

Εἂν δύο ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλα-
σιάσαντες ἀλλήλοις ποιῶσι πινά, ὁ γενόμενος
τετράγωνος ἔσται.

Theor. i. Propo. i.

Si duo similes plani numeri mutuò sese mul-
tiplicantes
quedā pro-
creent, pro-
ductus qua-
dratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	D	F	C
4	6	9	16	24	36

β

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαις ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὅμοιοι ὅτι πεδί εἰσιν.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes quadratum faciāt, illi similes sunt plani.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		B	D		C
4	6	12	9	18	36

γ

Εὰν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans procreet aliquem, productus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
D	D	A			B
3	4	8	16	32	64

δ

Εὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubum numerū multiplicās quēdam procreet, procreatus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	C
8	27	64	216

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-
σας κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος
ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quēdam mul-
tiplicans cubum pro-
creet, & multiplicatus
cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	C
27	64	729	1728

Εάν ἀριθμὸς ἐαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ,
καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multipli-
cans cubum procreat, & ipse
cubus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
27	729	19683

Εάν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν τινα πολλαπλασιά-
σας ποιῇ τινὰ, ὁ γενόμενος τερεὸς ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam numerū
multiplicans quem-
piam procreat, pro-
ductus solidus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
6	8	48	2	3

Εὰν ὁπὸ μονάδος ὅποσιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ μὲν τρίτος ὁπὸ τῆς μονάδος τετράγωνός ἐστιν, καὶ οἱ εἴα ἀγλαίποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο ἀγλαίποντες πάντες, ὁ δὲ ἑξῶς κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος, καὶ οἱ πέντε ἀγλαίποντες πάντες.

Theor. 8. Propo. 8.

Si ab vnitate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab vnitate quadratus est, & vnum intermitten-tes omnes: quartus autem cubus, & duobus intermisis omnes: septimus verò cubus simul & quadratus, & quinque intermisis omnes.

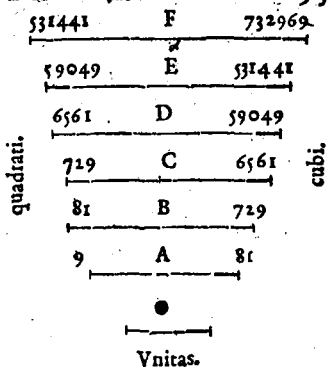
●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vnitas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	27	81	243	729

Εὰν ὁπὸ μονάδος ὅποσιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα τετράγωνος ᾧ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται, καὶ εἰάν ὁ μετὰ τὴν μονάδα κύβος ᾧ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theor. 9. Propo. 9.

Si ab vnitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, fit autem quadratus

dratus is qui v-
nitatem sequi-
tur & reliqui
omnes quadra-
ti erunt. Quòd
si qui vnitatem
sequitur cubus
fit, & reliqui
omnes cubi e-
runt.



Εὰν ὅτι μὴ μονάδος ὁποσίου ἂν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὦ-
σιν, ὁ δὲ μετὰ πλὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, ἔσθ' ἄλ-
λος ἔδειξεν τετράγωνος ἔσθαι, χωρὶς τῆς τετάρτης ἀπὸ τῆς
μονάδος καὶ τῆς ἑνῆς ἀφαιρούντων πάντων. καὶ εἰ ὁ
μετὰ πλὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδ' ἄλλος οὐδεὶς
κύβος ἔσθαι, χωρὶς τῆς τετάρτης ἀπὸ τῆς μονάδος καὶ
τῆς δύο ἀφαιρούντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitatem numeri quotcunque propor-
tionales sint, non fit autem quadratus is qui
vnitatem se-
quitur, ne-
que alius vl-
lus quadra-

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vni- tas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	36	81	243	729

N

tus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittentibus. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, demptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermittentibus.

1α

Εὰν ὁποιοῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρεῖ καὶ ἅπαντα τὰ ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiam eorum qui in proportionalibus sunt numeris.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$
1	2	4	8	16

1β

Εὰν ὁποιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὑφ' ὧσιν, αὐτὸν ὁ ἐσχάτος πρῶτον εἰσέλκυσσεται, ὑπὸ τῆς αὐτῆς καὶ ὁ πρῶτος τὴν μονάδα μετρηθήσεται.

Theor. 12. Propo. 12.

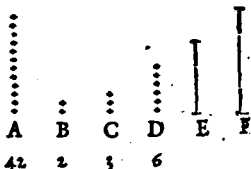
Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum

1δ

Εὰν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ πρῶτων ἀριθμῶν μετρήται, ὑπὲρ ἑδενὸς ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὰ τῆς ἐξ ἀρχῆς μεβούλων.

Theor. 14. Propo. 14.

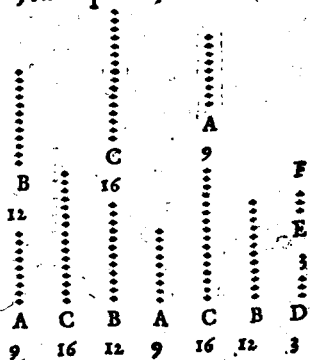
Si minimum numerum primi aliquot numeri metiantur, nullus alius numerus primus illum metietur, iis exceptis qui primò metiuntur.



Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον ὦσιν ἐλάχιστοι τῶν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, δύο ὅποιοῦν συντεθέντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοι εἰσίν.

Theor. 15. Propo. 15.

Si tres numeri deinceps proportionales sint minimi eandē cum ipsis habentiū rationem, duo quilibet cōpositi ad tertium primi erunt.

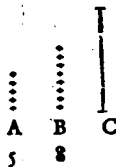


15

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, οὐκ ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτερος πρὸς ἄλλον τινά.

Theor. 16. Propo. 16.

Si duo numeri sint inter se primi, non se habebit quemadmodum primus ad secundum, ita secundus ad quempiam alium.

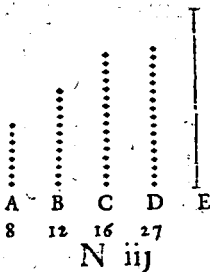


16

Εὰν ᾦσιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, οὐκ ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἔσχατος πρὸς ἄλλον τινά.

Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, quorum extremi sint inter se primi, non erit quemadmodum primus ad secundum, ita ultimus ad quempiam alium.

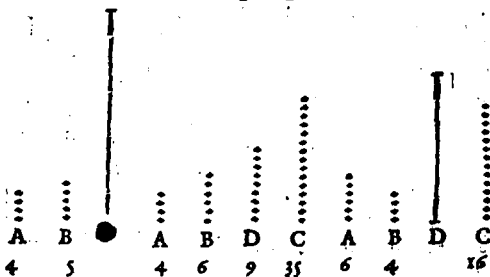


17

Δύο ἀριθμοὶ δοθέντων, ὅτι σκέψασθαι εἰ δυνατὸν
ᾗ ἐστὶν αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, cōsiderare possitne
tertius illis inueniri proportionalis.

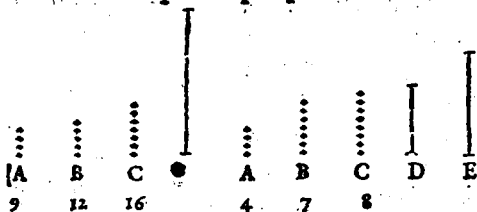


18

Τρεῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ὅτι σκέψασθαι εἰ δυνα-
τὸν ᾗ ἐστὶν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne
quartus illis reperiri proportionalis.

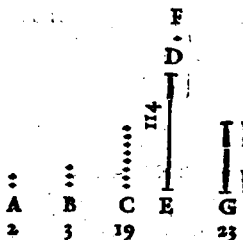


κ

Οἱ ὡρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ πάντες ὅ ὡρῶ-
 γέντος πλήθους ὡρῶτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri plu-
 res sunt quacūque
 proposita multitu-
 dine primorū nu-
 merorum.

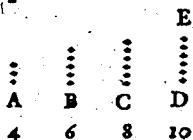


κα

Εὰν ἄρποι ἀριθμοὶ ὅποσοιούνη συντεθῶσιν, ὁ ὅλος
 ἄρπός ἐστιν.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot-
 libet compositi sint,
 totus est par.



κε

Εὰν ὡρεαστοὶ ἀριθμοὶ ὅποσοιούνη συντεθῶσι, τὸ δὲ
 πλήθος αὐτῶν ἄρπον ἢ ὅλος ἄρπος ἐστίν.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

N iiij

ſint, ſit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
5	9	7	3

κγ

Εὰν ὡς ἁπλοῖ ἀριθμοὶ ὅποσσοι ὡς συντεθῶσι, τὸ δὲ
πλῆθος αὐτῶν ὡς ἁπλὸν ἦ, καὶ ὅλος ὡς ἁπλὸς ἔσται.

Theor. 23. Propo. 23.

Si impares numeri quot-
cunque compositi ſint,
ſit autem impar illorum
multitudo, & totus im-
par erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	E
5	7	2	1

κδ

Εὰν ὡς ἀπλῶν ἀριθμῶν ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-
πὸς ἄρτιος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detractus
ſit, & reliquus par erit.

⋮	⋮
A	C
6	4

κε

Εὰν ὡς ἀπλῶν ἀριθμῶν ὡς ἁπλὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ὡς ἁπλὸς ἔσται.

Theor. 25. Propo. 25.

Si de pari numero impar
detractus sit, & reliquus
impar erit.

⋮		B
⋮		⋮
⋮	•	⋮
A	C	D
8	1	4

κα
Εὰν ἀπὸ παριουτοῦ ἀριθμοῦ παριουτὸς ἀφαιρεθῇ, ὃ
λοιπὸς ἄρπος ἔσται.

Theor. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit.

⋮	⋮	B
⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	C	D
4	6	1

κε
Εὰν ἀπὸ παριουτοῦ ἀριθμοῦ ἄρπος ἀφαιρεθῇ, ὃ λοι-
πὸς παριουτὸς ἔσται.

Theor. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

		B
•	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

κη
Εὰν παριουτὸς ἀριθμὸς ἄρπον πολλαπλασιάσας
ποιῇ πινὰ, ὃ γινόμενος ἄρπος ἔσται.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans procreet quempiam, procreatus par erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	4	12

α θ

Εὰν ὡς αὐτὸς ἀριθμὸς ὡς αὐτὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ πινά, ὁ γενόμενος ὡς αὐτὸς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparē numerū multiplicās quendā procreet, procreatus impar erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	5	15

λ

Εὰν ὡς αὐτὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ τὸν ἡμισυ αὐτῷ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

⋮	⋮	⋮
A	C	B
3	6	18

λα

Εὰν ὡς αὐτὸς ἀριθμὸς ὡς πινά ἀριθμὸν τριῶτος ᾖ, καὶ ὡς τὸν διπλάσιον αὐτῷ τριῶτος ἔσται.

Theor. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quēpiam primus sit, & ad illius duplū primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
7	8	16	

λβ

Τὸν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἔχοντος ἄρτιάκις ἄρτιός ἐστὶ μόνον.

Theor. 32. Propo. 32.

Numerorum, qui à binario dupli sunt, unusquisque pariter par est tantum.

Unitas.	:	:	:	:
A	B	C	D	
2	4	8	16	

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυ ἔχῃ πρῶτον, ἄρτιάκις πρῶτός ἐστὶ μόνον.

Theor. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat, pariter impar est tantum.

.....
A
20

λδ

Εὰν ἄρτιος ἀριθμὸς μήτε τῷ ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ, μήτε τὸν ἡμισυ ἔχῃ πρῶτον, ἄρτιάκις, τε ἄρτιός ἐστὶ καὶ ἄρτιάκις πρῶτός.

Theor. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec sit duplex à binario, nec dimidium impar habeat, pariter par est, & pariter impar.

.....
A
20

λ ε

Εὰν ὧσιν ὅσοι δηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, ἀ-
φαιρεθῶσι δὲ ἀπὸ τε τῶ δευτέρου καὶ τῶ ἐσχάτου ἴσοι
τῷ πρῶτῳ, ἔσται ὡς ἡ τῶ δευτέρου ὑπορχὴ πρὸς
τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τῶ ἐσχάτου ὑπορχὴ πρὸς τοὺς
πρὸς αὐτῶ ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportionales,
detrahantur autem de se-
cundo & ultimo æquales
ipsi primo, erit quemad-
modum secundi excessus
ad primum, ita ultimi ex-
cessus ad omnes qui vlti-
mum antecedunt.

			B
			⋮
			4
			⋮
			K
			4
	C		⋮
	⋮		⋮
	4		⋮
	G		⋮
	⋮		⋮
D	B	D	E
4	4	16	16

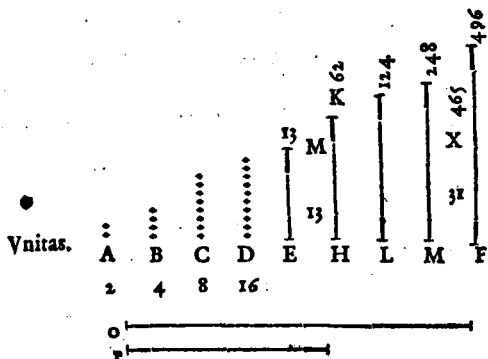
λ ς

Εὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἑκά-
στωσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογία ἕως οὗ ὁ σύμπαρ
ζυντεθεὶς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ὅτι τὸν
ἐσχάτον πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ πινά, ὁ γεόμετρος
τέλφος ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps

expositi sint in duplici proportionē quoad
 totus compositus primus factus sit, isque
 totus in ultimum multiplicatus quempiam
 procreat, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΔΕΚΑΤΟΝ.EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVM.

ΟΨΟΙ.

α

Σ Ὑμέτρα μεγέθη λέγεται, τὰ τῷ αὐτῷ μέ-
τρῳ μεζούμην.

DEFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines dicun-
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Ἀσύμμετρα δὲ, ὧν μηδὲν εἰσδέχεται κοινὸν μέτρον
γενέσθαι.

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mēsuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθείαι δυνάμει σύμμετροί εἰσιν, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα τῷ αὐτῷ χωρίῳ μετρήται.

3

Lineæ rectæ potentia cōmensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροι δὲ, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδέχεται χωρίον κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τύπων ὑποκείμενων, δέκνυται ὅτι τῇ προτεθείσῃ εὐθείᾳ ὑπάρχουσιν εὐθείαι πλήρῃ ἀπειροί, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκει καὶ δυνάμει, αἱ δὲ δυνάμει μόνον. Καλείδω οὖν ἡ μὲν προτεθείσα εὐθεῖα ῥητή.

5

Hæc cum ita sint, ostendi potest quòd quætacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles eidem commensurabiles, aliæ item incommensurabiles, hæ quidem longitudine & potentia: illæ vero potentia tantum. Vocetur igitur linea recta, quantacunque proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

Καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκῃ καὶ δυνάμει, εἴτε δυνάμει μόνον, ῥηταί.

Lineæ quoque illi ῥητῇ commensurabiles siue longitudine & potentia, siue potentia tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationales.

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθαι.

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali, vocentur ἄλογοι, id est irrationales.

Καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς προτεθείσης εὐθείας τετραγώνον, ῥητόν.

Et quadratum quod à linea proposita describitur quam ῥητὴν vocari volumus, vocetur ῥητόν.

Καὶ ταύτῃ

θ

Καὶ τὰ τέτρω σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

1

Τὰ δὲ τέτρω ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

10

Quæ verò sint illi quadrato ῥητῶ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est furda.

12

Καὶ αἱ διωάμναι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τετράγωνα εἴη, αὐταὶ αἱ πλευραί. εἰ δὲ ἑτέρα πινὰ εὐθύγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετράγωνα ἀναγράψασαι.

11

Et lineæ quæ illa incómensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.

Δύο μεγεθῶν αἰτίων ἐκκεκμημένων, ἐὰν ᾖ τὸ πρὸ τοῦ μεί-

O

ζονος ἀφαιρεθῇ μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τῷ χαλα-
πομένῳ μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τῷ αἰὲ γίγνηται, λε-
φθήσεται τι μέγεθος, ὃ ὅτιν' ἐλαστον ἐκκειμένου ἐ-
λάστονος μεγέθους.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-
positis, si de maiore detraha-
tur plus dimidio, & rursus
de residuo iterum detraha-
tur plus dimidio, idque sem-
per fiat: relinquetur quæ-
dam magnitudo minor al-
tera minore ex duabus pro-
positis.



β

Εὰν δύο μεγεθῶν ἐκκειμένων ἀνίσταν, αὐτοφαιρου-
μένῳ αἰὲ τῷ ἐλάστονος ὑπὸ τῷ μείζονος, τὸ χαλα-
λείπόμενον μηδέποτε χαλαμετέρῃ τὸ πρὸς ἑαυτοῦ,
ἀσύμμετρα ἔσονται μεγέθη.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor
de maiore, altera quadam
detractione, neque residuū
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles sunt
illæ magnitudines.

γ

Δύο μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν
κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. 1. Propo. 3.

Duabus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maximam
ipsarum communem mensuram
reperire.

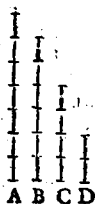


δ

Τεσσάρων μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐ-
τῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maxi-
mam ipsarum communē me-
suram reperire.



ε

Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, δι'
ἀειήμως πρὸς ἀειθρόν.

Ο ij

Theor. 3. Propo. 5.

Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.

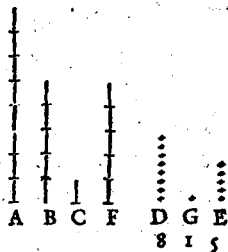


Γ

Εὰν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρά ἐστι τὰ μεγέθη.

Theor. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionē eam habēt inter se, quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.

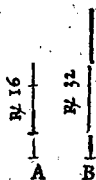


Ζ

Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ὅτε ἔχῃ, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor. 5. Propo. 7.

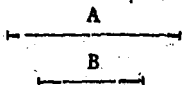
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionē nō habent, quam numerus ad numerum.



Εὰν δύο μέγῃ πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχῃ, ἢ ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μέγῃ.

Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habēt, quam numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.

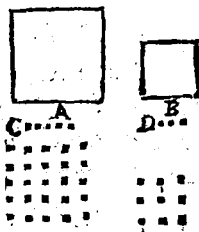


Τὰ ἀπὸ τῆς μήκει συμμέτρων εὐθεῶν τετράγωνα, πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει, ἢ τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχοντα, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἕξῃ μήκει συμμέτρως. τὰ δὲ ἀπὸ τῆς μήκει ἀσύμμετρων εὐθεῶν τετράγωνα πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχῃ, ὃν πρὸς τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ

ἔχοντα, ὅντων τετράγωνος ἀειγμῶς πρὸς τετράγωνον ἀειγμῶν, οὐδὲ τὰς πλευρὰς ἕξ μὴ κοινῶν μέτροις.

Theor. 7. Propo. 9.

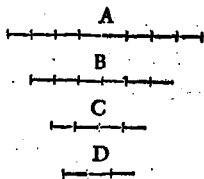
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habēt, quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se, quam quadratus numerus ad numerū quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habēt inter se, quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se, quam numerus quadratus ad numerum quadratū, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ
 σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον τῷ δευτέρῳ ἀσύμ-
 μετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ ἀσύμμετρον
 ἔσται.

Theor. 8. Propo. 10.

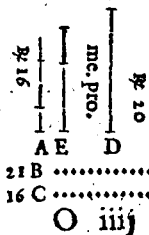
Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima ve-
 rò secundæ fuerit
 commensurabilis,
 tertia quoq; quar-
 tæ commensurabi-
 lis erit. quòd si pri-
 ma secundæ fuerit
 incommensurabilis, tertia quoque quartæ
 incommensurabilis erit.



^{1a}
 Τῇ ἀποδείξει εὐθεία προσευρεῖν δύο εὐθείας ἀ-
 συμμέτροις, τὴν μὲν μήκει μόνον, τὴν δὲ ὑποδυνάμει.

Probl. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητὴν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



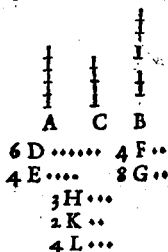
Iam verò non longitudine tantùm, sed etiã
potentia incommensurabilem.

1β

Τὰ τῷ αὐτῷ μέγεθι σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ὄντι
σύμμετρα.

Theor. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ ei-
dem magnitudini sunt
commensurabiles, inter
se quoque sunt commē-
surabiles.

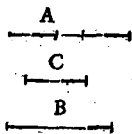


1γ

Εὰν ἡ δύο μέγεθι, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον ἢ τῷ αὐ-
τῷ, τὸ δὲ ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ
μέγεθι.

Theor. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem
commensurabilis sit tertiæ
magnitudini, illa verò eidē
incommensurabilis, incom-
mensurabiles erunt illæ duæ
magnitudines.



1δ

Εὰν ἡ δύο μέγεθι σύμμετρα, τὸ δὲ ἕτερον αὐτῶν με-

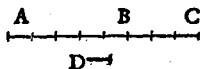
quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quod si prima possit plusquam secunda quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis: tertia quoque poterit plusquam quarta quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine.



¹⁵
Εὰν δύο μεγέθη σύμμετρα ζῶτεθῃ, καὶ τὸ ὅλον ἐ-
κατέρω αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐ-
τῶν σύμμετρον ἦ, καὶ ἀ' ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμμε-
τρα ἔσται.

Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines cõmensurabiles componantur, tota magnitudo composita singulis partibus commensurabilis erit. quod si tota magnitudo composita alterutri parti commensurabilis fuerit, illæ duæ quoque partes commensurabiles erunt.

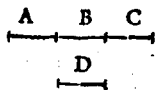


¹⁶
Εὰν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα ζῶτεθῃ, καὶ τὸ ὅλον ἐ-
κατέρω αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ

αὐτῶν ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀσύμμετρα ἔσται.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componētibus incommensurabilis erit. Quòd si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.

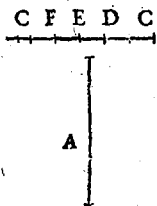


Εὰν ὦσι δύο εὐθεῖαι αἰῖσι, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει τῆς ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἑλληνογράμμων παρὰ τὴν μείζονα ὡς ἑλληνογράμμων ἐλλείπον εἶδὲς τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαιρῇ μήκη, μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωήσεται, τῷ ἀπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκη· καὶ εἰς μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωήσεται, τῷ ἀπὸ συμμετρου ἑαυτῇ μήκη, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει τῆς ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἑλληνογράμμων παρὰ τὴν μείζονα ὡς ἑλληνογράμμων ἐλλείπον εἶδὲς τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαιρῇ μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à

minore, æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineam illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tanto plus potest quam minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quod si maior plus possit quam minor, tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



10

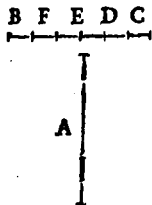
Εὰν ὥσι δύο εὐθεῖαι ἀΐισι, τῇ δὲ τετάρτῳ μέρει
τῆ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡς ἂν πλὴν μείζονα πα-

ραβλητῇ ἑλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, ὃ εἰς ἀσύμμετρον αὐτῷ διατρεῖ μήκη, ἢ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωήσεται, τῷ δὲ ἀσυνμέτρου ἑαυτῇ. καὶ εἰ ἢ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωήσεται τῷ ἀσυνμέτρου ἑαυτῇ, τῷ δὲ τετάρτῳ ὃ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσον ὡρᾷ τῷ μείζονα ὡρᾷ βλητῇ ἑλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρον αὐτῷ διατρεῖ μήκη.

Theor. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales; quartæ autem parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi; si parallelogrammum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tanto plus potest quam minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quod si maior linea tãto plus possit quam minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur se-

cundum maiorem, ex qua tantum excurret extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius: parallelogrammū sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se incommensurabiles longitudine.

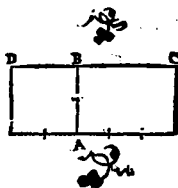


κ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν μήκῃ συμμέτρων κατὰ πῦμα τῷ περιφρημύων τρέπον εὐθείῳ περιεχόμενον ὀρθόγωνιον, ῥητὸν ὅστις.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectāgula contenta ex lineis rectis rationalibus longitudine commensurabilibus secundum vnum aliquem modum ex antedictis, rationalis est.

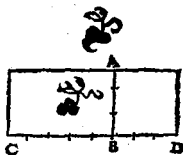


κα

Εὰν ῥητὸν πλάτος ῥητῷ περιφρημύῃ, πλάτος ποιεῖ ῥητῷ καὶ ἀνόμετρον τῇ παρ' αὐτὸ περιέχεται μήκῃ.

Theor. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

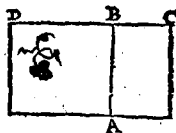


κβ

Τὸ ἐκ τῶν ῥητῶν διωάμει μόνον σύμμετρον εὐθειῶν περὶ ῥόμβον ὀρθογώνιον ἀλογόν ἐστι, καὶ ἡ διωαμένη αὐτὸ, ἀλόγος ἐστι. καλεῖσθαι δὲ μέση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantū cōmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.

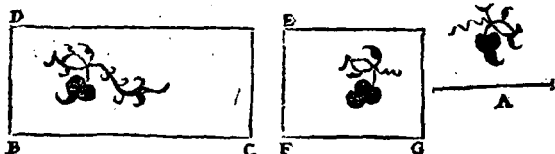


κγ

Τὸ ἐκ μέσης καὶ ῥητῆς περὶ ῥόμβον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν κατὰ μήκει.

Theor. 20. Propo. 23.

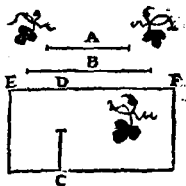
Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.



$\chi \delta$
 Η' τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέσῃ ἔστί.

Theor. 21. Propo. 24.

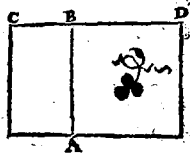
Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.



$\chi \epsilon$
 Τὸ ὑπὸ μέσων μὲν καὶ συμμέτρων εὐθειῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μέσων ἔστί.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.



Τὸ ὑπὸ

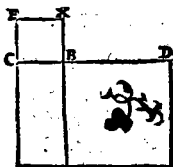
κ γ

Τὸ ὑπὸ μέσων διωνάμει μόνον συμμέτρων ὡς
 ῥαβδον ὀρθογώνιον, ἢ τοι ῥητὸν, ἢ μέσον ὄντι.

Theor. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum compre-
 hensum

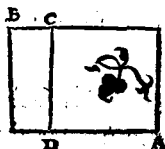
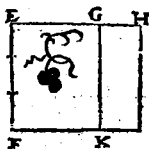
duabus li-
 neis me-
 dialib⁹ po-
 tentia tā-
 tūm com-
 mensurabilibus, vel rationale est, vel me-
 diale.



Μέσον μέσον ὄντι ὑπὸ ῥητῶν.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale
 nō est ma-
 ius quā
 mediale fu-
 perficie ra-
 tionali.



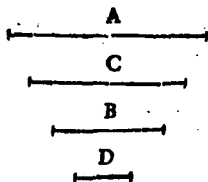
κ η

Μέσας εὐρεῖν διωνάμει μόνον συμμέτρων, ῥητὸν πε-
 λεχούσας.

P

Probl. 5. Propo. 28.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commēsurabi-
les rationale cōpre-
hēdentes.

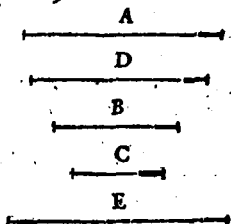


κ θ

Μέσας εὐρεῖν δυνάμει μόνον συμμέτροις μέσων πε-
λειχούσας.

Probl. 5. Propo. 19.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commēsurabi-
les mediale cōpre-
hēdentes.



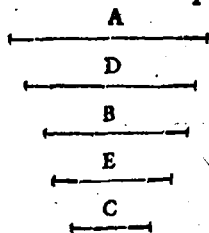
λ

Εὐρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμέτροις, ὥστε
τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δυνάσθαι τῷ
ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει.

Probl. 6. Propo. 30.

Reperire duas rationales potentia tantū

tantum commenfurabiles medialem superficiem continentes,
huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato lineae sibi commenfurabilis longitudine.

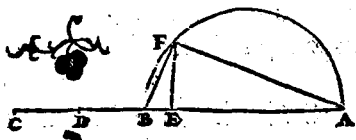


λ γ

Εὑρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποίους τὸ μὲν συγκέκμηρον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέσον.

Probl. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommenfurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiem rationalem, parallelogrammū verò ex ipsis cōtēntum sit mediale.

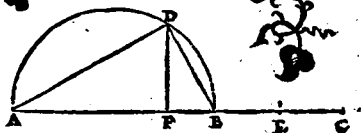


λ δ

Εὑρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποίους τὸ μὲν συγκέκμηρον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν.

Probl. 10. Propo. 34.

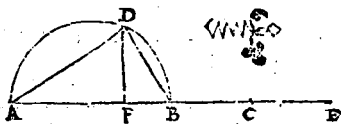
Reperire lineas duas rectas potetia incom-
mensurabiles, conficientes compositum ex
ipfaru qua- 
dratis me- 
diale, pa-
rallelogra-
mum verò
ex ipsis cõ-
tentu rationale. $\lambda \epsilon$



Εὕρεῖν δύο εὐθείας, διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας
τό, τε συσκειόμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων
μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τῷ
συσκειμένῳ ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potetia incom-
mensurabiles, conficientes id quod ex ipfa-
rum quadratis componitur mediale, simúl-
que parallelogrammum ex ipsis contétum,
mediale, quod præterea parallelogrammum
sit incom-
mésurabi-
le compo-
sito ex qua-
dratis ipfa-
rum.



ΑΡΧΗ ΤΩ Δ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-

θεσιν ἐξάδων.

λ γ

Εὰν δύο ῥητὰ δύναμει μόνον σύμμετροι ζῶσι
ζῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστι. χαλείδω δὲ ἐκ δύο ὁ-
νομάτων.

PRINCIPIVM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potetia tantum commensurabiles componantur, tota linea erit irrationalis. Vo-

cetetur autem
Binomium.



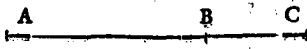
λ ζ

Εὰν δύο μέσαι δύναμει μόνον σύμμετροι ζῶσι
ῥητὸν περιέχουσαι, ἢ ὅλη ἀλογός ἐστι. χαλείδω δὲ
ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum commensurabiles rationales continentes componan-

tur, tota li-
nea est irra-
tionalis,



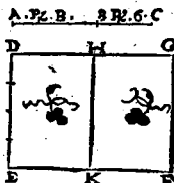
vocetur autem Bimediale prius.

λη

Εὰν δύο μέσαι δυνάμει μόνον σύμμετροι ζυτῇσιν μέσον περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστι. καλείοθω δὲ ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum commensurabiles mediale continentes componantur, tota linea est irrationalis. vocetur autem Bimediale secundum.

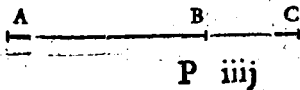


λθ

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι ζυτῇσιν ποιῶσαι τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. καλείοθω δὲ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum rationale, parallelogrammum verò ex ipsis contentum mediale, tota linea recta est irrationalis. Vocetur autem linea maior.



μ

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι συντεθῶσι, ποιῶσαι τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. καλείω δὲ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένην.

Theor. 29. Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficiētes compositum ex ipfarum quadratis mediale, id verò quod fit ex ipsis, rationale, tota linea est irrationalis. Vocetur autem potens  rationale & mediale.

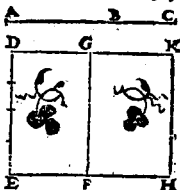
 $\mu\alpha$

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι συντεθῶσι ποιῶσαι τὸ, τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐπ' ἀσύμμετρον τῶν συγκειμένων ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. καλείω δὲ δύο μέσα δυναμένην.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipfarum mediale, & quod continetur ex ipsis, mediale, & præterea in-

commensurable compo-
sito ex quadratis ipsarum,
tota linea est irrationalis.
Vocetur autem potēs duo
medialia.



μβ

Η' ἔκ δύο ὀνομάτων καὶ ἐν μόνον σημείον διαρρεῖται
εἰς ἓξ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto diui-
ditur in sua nomi-
na, id est in lineas
ex quibus compo-
nitur.

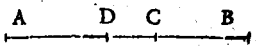


μγ

Η' ἔκ δύο μέσων πρώτη καὶ ἐν μόνον σημείον δια-
ρρεῖται εἰς ἓξ ὀνόματα.

Theor. 32. Propo. 43.

Bimediale prius in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina.

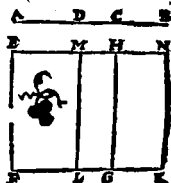


μδ

Η' ἔκ δύο μέσων δεύτερα καὶ ἐν μόνον σημείον δι-
αρρεῖται εἰς ἓξ ὀνόματα.

Theor. 33. Propo. 44.

Bimediale secundū in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



με
Ἡ μείζων χε' τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαρρεῖται εἰς
τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

Linea maior in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



μτ
Ἡ ῥητὸν κ' μέσον δυναμένη χε' εἰ μόνον σημεῖον
διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

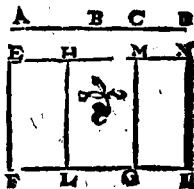
Linea potens rationale & mediale in vnico tantū puncto diuiditur in sua nomina.



μζ
Ἡ δὲ δύο μέσαι δυναμένη χε' εἰ μόνον σημεῖον διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 36. Pro-
posi. 47.

Linea potens duo me-
dialia in vnico tantum
puncto diuiditur in sua
nomina.



Ο' Ρ ΟΙ Δ ΕΥ' Τ Ε Ρ ΟΙ.

Υποκειμένης ρητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δι-
ρημένης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μείζον ὄνομα τῆ
ἐλάττωτος μείζον διύεται πῶς ἀπὸ συμμετρῶ
ἐαυτῇ μήκει.

α

Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ ἐκκε-
μένη ρητῇ, καλείσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εὰν δὲ τὸ ἐλάττωτον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ ἐκ-
κεμένη ρητῇ, καλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρα.

γ

Εὰν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾖ τῇ
ἐκκεμένη ρητῇ, καλείσθω ἐκ δύο ὀνομά-
των τρίτη.

Πάλιν δὲ εἰὰν τὸ μείζον ὄνομα τῆ ἐλάττωτος μεί-
ζον διύηται πῶς ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἐαυτῇ μήκει.

δ

Εὰν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ὀκ-
 καμνήρητι, καλεῖται ὀκ δύο ὀνομάτων τέταρτα.

ε

Εὰν δὲ τὸ ἑλάττω, πέμπτη.

ζ

Εὰν δὲ μὲνδεῖον, ἑκτη.

DEFINITIONES.

secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio diviso in
 sua nomina, cuius binomij maius nomen, id est
 maior portio possit plusquam minus nomen
 quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,
 commensurabilis longitudine:*

I

*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile
 longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota
 linea Binomium primum:*

2

*Si verò minus nomē, id est minor portio Binomij,
 fuerit commensurabile longitudine propositæ lineæ
 rationali, vocetur tota linea Binomium secundum*

3

*Si verò neutrum nomen fuerit commensurabile
 longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur Bi-
 nomium tertium.*

Rursus si maius nomen possit plusquam minus nomen quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurable longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota lineæ Binomium quartum:

5

Si verò minus nomen fuerit commensurable longitudine lineæ rationali, vocetur Binomium quintum.

6

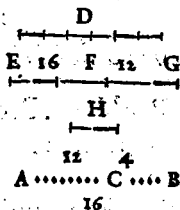
Si verò neutrum nomen fuerit longitudine commensurable lineæ rationali, vocetur illa Binomium sextum.

μ η

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτην.

Probl. 12. Proposition. 48.

Reperire Binomiū primum.



μ θ

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δεύτεραν.

Proble. 13. Pro-
posi. 49.

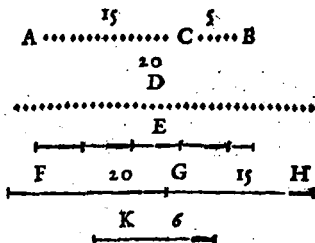
Reperire Binomiū se-
cundum.



Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Probl. 14.
Prop. 50.

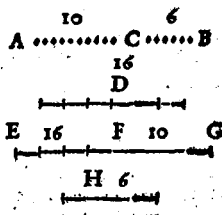
Reperire
Binomium
tertium.



Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

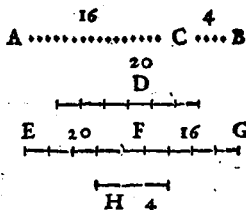
Probl. 15. Pro-
posi. 51.

Reperire Binomium
quartum.



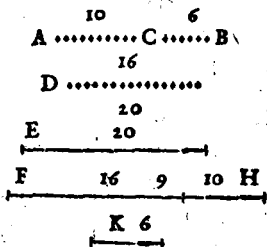
νβ

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

Probl. 16. Propo-
siti. 52.Reperire Binomiū
quintum.

νγ

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτὴν.

Probl. 17. Propo-
siti. 53.Reperire Binomiū
sextum.

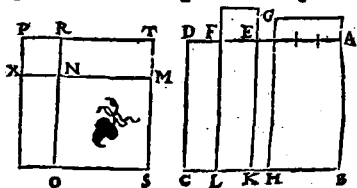
νδ

Εὰν χεῖριον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ τὸ χεῖριον διωαμμένη ἀλογός ἐστιν ἐν χαλεμνῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationa-

li & Binomio primo, linea quæ illā superficiē potest, est irrationalis, quæ Binomii vocatur.

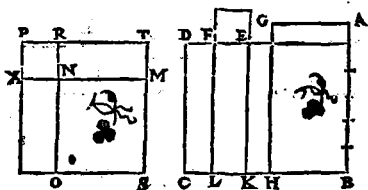


VE

Εὰν χρεῖον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ χρεῖον δυναμένη ἄλογος ὅστιν ἡ καλυμένη ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secundo, linea potens illam superficiē est irrationalis, quæ Bimediale primū vocatur.



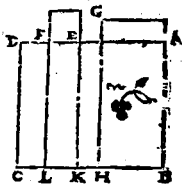
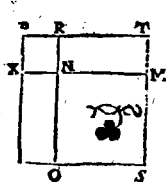
VE

Εὰν χρεῖον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τριτῆς, ἢ τὸ χρεῖον δυναμένη ἄλογος ὅστιν ἡ καλυμένη ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theor. 39. Propo. 56.

- Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

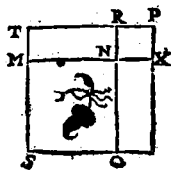
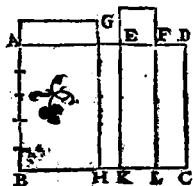
Binomio tertie linea quę illam superficiem potest, est irrationalis, quę dicitur Bimediale secundum.



Εὰν χρεῖον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐν δύο ὀνομάτων τετάρτης, ἡ τὸ χρεῖον διωαμμένη ἀλογός ἐστιν, ἢ καλῶς μὲν μειζων.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quarto, linea potens superficiē illam, est irrationalis, quę dicitur maior.



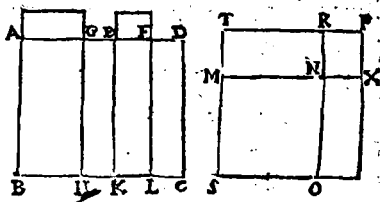
Εὰν χρεῖον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ τῆς ἐν δύο ὀνομάτων πέμπτης, ἡ τὸ χρεῖον διωαμμένη ἀλογός ἐστιν, ἢ καλῶς μὲν ρητὸν καὶ μέσον διωαμμένη.

Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quinto, linea quę illam super-

Q

ficiem po-
test, est ir-
rationalis
quæ dici-
tur potens
rationale
& mediale.

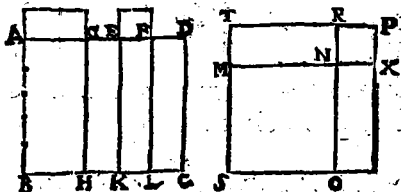


νθ

Εάν χρεῖον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο
ὀνομάτων ἐκείνης, ἢ τὸ χρεῖον δυναμὴν, ἀλογὸς ὅστις,
ἢ καλὸς μένη δύο μέσα δυναμὴν.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Bi-
nomio sexto, linea quæ illam superficiem
potest,
est irra-
tionalis,
quæ dici-
tur po-
tens duo
medialia.

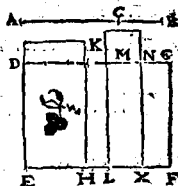


ξ

Τὸ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων περιέχεται ὑπὸ ῥητὴν περι-
εχόμενον, πλάτος ποιεῖ, τινὲς ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτων.

Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

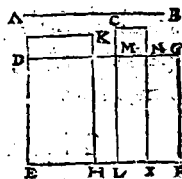


ξ α

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης τοῦ δεῦτερου παραλλόμνου, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

Theor. 44. Propo. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

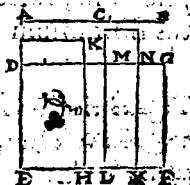


ξ β

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας τοῦ δεῦτερου παραλλόμνου, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Theor. 45. Propo. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



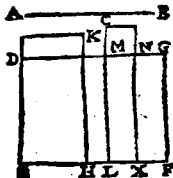
Q 1j

Ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος ὡς ἀρτιὴν ὡς βαλλόμε-
νοι, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maioris
secundum lineam ratio-
nalem applicatum, facit
alterum latus Binomium
quartum.

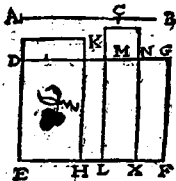


Ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ῥητὸν ἢ μέσων δυναμένης ὡς ἀρτιὴν
ὡς βαλλόμενοι, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των πέμπτην.

Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ poten-
tis rationale & mediale se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alteru-
latus Binomium quintum.

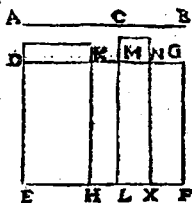


Ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δυναμένης ὡς ἀρτιὴν
ὡς βαλλόμενοι, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἑκτὴν.

Theor. 48. Propo. 65.

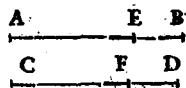
Quadratum lineæ potentis duo medialia secundū rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum.



Ἡ τῇ $\epsilon\kappa$ δύο ὀνομάτων μήκη σύμμετρος, καὶ αὐτῇ $\epsilon\kappa$ δύο ὀνομάτων ἔστι, καὶ τῇ $\alpha\epsilon\zeta\eta$ ἡ αὐτή.

Theor. 49. Propo. 66.

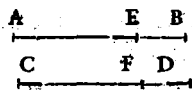
Linea longitudine commensurabilis Binomio est, & ipsa Binomium eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ $\epsilon\kappa$ δύο μέσων μήκη σύμμετρος, $\epsilon\kappa$ δύο μέσων ἔστι, καὶ τῇ $\alpha\epsilon\zeta\eta$ ἡ αὐτή.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine commensurabilis alteri binomialium est, & ipsa binomiale etiam eiusdem ordinis.

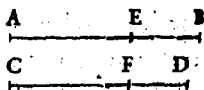


Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτῇ μείζων ἐστίν.

Q ii j

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis lineæ maiori, est & ipsa maior.

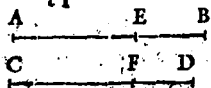


ξθ

Ἡ τῇ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη σύμμετρος, καὶ αὐτῇ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη ὅσῃ.

Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti rationale & mediale, est & ipsa linea potēs rationale & mediale.

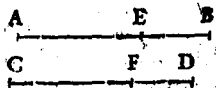


ο

Ἡ τῇ δύο μέσων δυναμένη σύμμετρος, δύο μέσων δυναμένη ὅσῃ.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabilis lineæ potenti duo medialia, est & ipsa linea potens duo medialia.

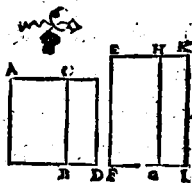


οα

Ῥητὴ καὶ μέσων δυναμένη, τέσσαρες ἄλλοι γίνονται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων τρώτη, ἢ μείζων, ἢ καὶ ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositâ potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale.

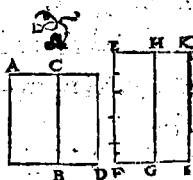


ο β

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις συντιθεμένων, αἱ λοιπαὶ δύο ἄλλοι γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέσων δευτέρα, ἢ ἡ δύο μέσα διωαμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul cõponantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialia.



Q iiij.

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ' ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλογοι, οὐ-
τε τῇ μέσῃ, οὐτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν ὑπὸ μέσης ὡς ἐκ ῥητῶν ὡς βαλλόμενον,
πλάτος ποιεῖ ῥητὴν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν
ὡς ἐκτετακται, μήκη.

Τὸ δὲ ὑπὸ τ' ἐκ δύο ὀνομάτων ὡς ἐκ ῥητῶν ὡς βα-
λλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Τὸ δὲ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης ὡς ἐκ ῥητῶν
ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων δευτέραν.

Τὸ δὲ ὑπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας ὡς ἐκ ῥητῶν
ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων τρίτην.

Τὸ δὲ ὑπὸ τῆς μείζονος ὡς ἐκ ῥητῶν ὡς βαλλό-
μενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρ-
την.

Τὸ δὲ ὑπὸ τ' ῥητὸν καὶ μέσον διωαμένης ὡς βαλ-
λόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτην.

Τὸ δὲ ὑπὸ τῆς δύο μέσαι δυναμύνης ὡς ῥητὴν
ὡς βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνό-
μάτων ἐκτείνω.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημύνα πλάτη διαφέρει τῶν τε πρώ-
των καὶ ἀλλήλων, τῶ μὲν πρώτων, ὅτι ῥητὴ ὅτιν, ἀλλή-
λων δὲ, ὅτι τῇ ἄξι ὧν εἰσὶν αἱ αὐταί, δῆλον ὡς καὶ
αὐταὶ αἱ ἄλλοι διαφέρουσιν ἀλλήλων.

SCHOLIUM.

*Binomium & ceteræ consequentes lineæ irratio-
nales, neque sunt eadem cum lineæ mediali, ne-
que ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum secū-
dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam
rationalem, & longitudine incommensurabilem
lineæ secundum quam applicatur, hoc est, lineæ ra-
tionali, per 23.*

*Quadratum verò Binomij secundum rationalem
applicatum, facit alterum latus Binomium pri-
mum, per 60.*

*Quadratum verò Bimedialis primi secundum ra-
tionalem applicatū, facit alterum latus Binomium
secundum, per 61.*

*Quadratum verò Bimedialis secundi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines vocantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irracionales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ

λόγων τῶν κατ' ἀφαίρεσιν.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιν ἐξ ἁδων.

ο γ

Εὰν ὁπὸ ρητῆς ρητῇ ἀφαιρεθῇ διαμέμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ἡ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ ὁποιομή.

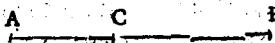
SECUNDVS ORDO ALTERIVS

sermonis, qui est de detractione.

Principium senariorum per detractionem.

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis. vocetur autem Residuum.



ο δ

Εὰν ὡς πρὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διωάμει μόνον σύμμετρος οὖσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν πλεονέχῃ, ἡ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ μέσης ὡς πρὸ τοῦ μὴ πρῶτη.

Theor. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuū mediale primū.

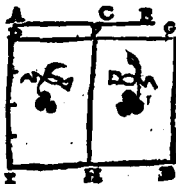


ο ε

Εὰν ὡς πρὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διωάμει μόνον σύμμετρος οὖσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον πλεονέχῃ, ἡ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ μέσης ὡς πρὸ τοῦ μὴ δευτέρου.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cum tota cōtineat superficiem medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autē residuū mediale secundum.



^{ο γ}
Εὰν ἀπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῆσαι τὸ μὲν ἀπ' αὐτῶν ἄμα ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέτρον, ἢ λοιπὴ ἀλογος ὅστις κλειῖσθαι δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ sit rationale, parallelogrammum verò ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea crit irrationalis. Vocetur autem linea minor.



^{ο ζ}
Εὰν ἀπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιῆσαι τὸ μὲν

συγκείμενοι ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνου, μέσση, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἢ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. χαλειάω δὲ μετὰ ῥητῶ μέσση τὸ ὅλον ποιεῖσα.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti lineæ, compositum autem ex quadratis totius & lineæ detractæ sit mediale, parallelogrammum verò bis ex eisdem contentum sit rationale, reliqua linea est irrationalis. Vocetur autem lineæ faciens cum superficie rationali totam superficiem medialem.



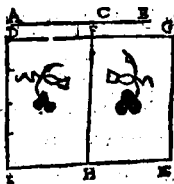
ο η

Εὰν ὁπὸ εὐθείας εὐθεῖα ἀφαρῇ ἡ δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσα τὸ μὲν συγκείμενοι ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνου, μέσση, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσση, ἐπὶ δὲ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνου ἀσύμμετρα τῷ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ ἄλογός ἐστι. χαλειάω δὲ ἢ μετὰ μέσση μέσση τὸ ὅλον ποιεῖσα.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti lineæ, compositum autem ex quadratis totius & lineæ detractæ sit mediale, parallelogrammum verò bis ex

iisdem sit etiam mediale: præterea sint quadrata ipsarum incommensurabilia parallelogrammo bis ex iisdem contento, reliqua linea est irrationalis. Vocetur autem linea facies cum superficie mediali tota superficie mediale.



οθ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνον ἀρᾶσθαι εὐθεῖα ῥητὴ, διδάμει μόνον σύμμετρος οὖσι τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum linea recta coniungitur rationalis, potentia tantum comensurabilis toti lineæ.

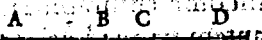


π

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτη μόνον μία ἀρᾶσθαι εὐθεῖα μέση, διδάμει μόνον σύμμετρος οὖσι τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν ἀειέχουσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea coniungitur medialis, potentia tantum comensurabilis toti, ipsa cum tota continens rationale.

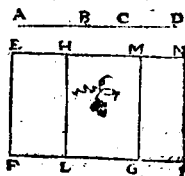


πα

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ δευτέρα, μία μόνον παρασαρμό-
ζει εὐθεῖα μέσῃ, δυνάμει μόνον σύμμετρος οὔσα τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσον αἰετέχουσα.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secundo
vnica tantum coniungi-
tur medialis, potentia tan-
tum commensurabilis to-
ti, ipsa cum tota continens
mediale.

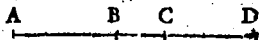


πβ

Τῇ ἐλάσσονι μία μόνον παρασαρμόζει εὐθεῖα δυνά-
μει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ ὅλῃ, ποιεῖσα μετὰ τῆς ὅλης
τὸ μὲν ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ῥητὸν, τὸ δὲ
δ्वις ὑπ' αὐτῶν, μέσον.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniun-
gitur potentia incommensurabilis toti, fa-
ciens cum tota compositum ex quadratis
ipsarum rationale, id
verò parallelogram-
mum, quod bis ex
ipsis fit, mediale.



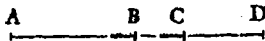
πγ

Τῇ μετὰ ῥητοῦ μέσῃ τὸ ὅλον ποιοῦσα μία μόνον
παρασαρμόζει εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ

ὅλη, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ μὲν συγκείμενον
ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali totam superficiem medialem, vnica tantum coniungitur linea recta potentia incommensurabilis toti, faciens autem cum tota compositum ex quadratis ipsarum, mediale, id verò quod fit bis ex ipsis, rationale.

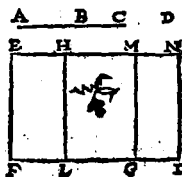


π δ

Τῇ μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσθαι μία μόνον
παραρμόζουσα εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος οὔσα τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιεῖσαι τὸ, τε συγκείμενον
ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, μέσον, καὶ ἐπὶ ἀσύμμετρον τὸ συγκείμενον ἐκ
τῶν ἀπ' αὐτῶν τῶ δις ὑπ' αὐτῶν.

Theorem. 65. Propositio 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti totam superficiem medialem, vnica tantum coniungitur linea potentia toti incommensurabilis, faciens cum tota compositum ex quadratis ipsarum mediale, id verò quod fit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incommensurabile ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΨΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Υ' ποκειμένης ῥητῆς καὶ ὀπτομῆς.

α

Εὰν μὲν ὅλη τῆς πρσαρμοζούσης μείζον διώκται τῷ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μήκει, καλεῖται ὀπτομὴ πρώτη.

β

Εὰν δὲ ἡ πρσαρμοζούσα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη τῇ πρσαρμοζούσης μείζον διώκται τῷ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖται ὀπτομὴ δευτέρα.

γ

Εὰν δὲ μηδετέρα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς πρσαρμοζούσης μείζον διώκται τῷ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖται ὀπτομὴ τρίτη.

Πάλιν εὰν ἡ ὅλη τῆς πρσαρμοζούσης μείζον διώκται τῷ ἀπὸ ἀσύμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει.

R

δ

Εὰν μὲν ὅλη σύμμετρος ᾖ τῇ ὀκκαιμύῃ ῥητῇ
μήκει, καλείω ἀποτομή τετάρτη.

ε

Εὰν δὲ ἡ περσαρμόζουσα, πέμπτη.

ς

Εὰν δὲ μηδὲ τέταρτη, ἕκτη.

DEFINITIONES

tertiæ.

Proposita linea rationali & residuo.

I

Si quidem tota, nempe composita ex ipso residuo & linea illi cōiuncta, plus potest quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine, fueritque tota longitudine commensurabilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsum vocetur Residuum primum:

2

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, ipsa autem tota plus possit quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, residuum vocetur Residuum secundum:

3

Si verò neutra linearum fuerit longitudine com-

mensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis vocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plusquam cōiuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis.

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, vocetur Residuū quartum:

5

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum quintum.

6

Si verò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potentior quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuū sextum.

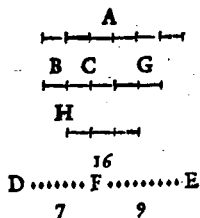
π e

Εὐρέειν τὴν ἀπὸ τῆς ὁμοιομετρίας.

R 1j

Probl. 18. Pro.
posi. 85.

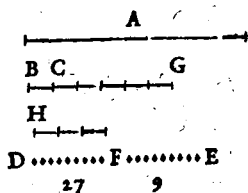
Reperire primum Re-
siduum.



Εὐρεῖν τὴν δευτέραν ὑποτομὴν. $\pi \zeta$

Probl. 19. Pro-
posi. 86.

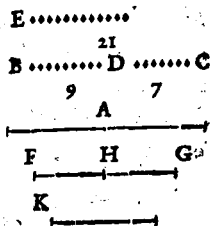
Reperire secundum
Residuum.



Εὐρεῖν τὴν τρίτην ὑποτομὴν. $\pi \zeta$

Probl. 20. Pro-
posi. 87.

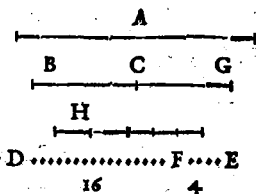
Reperire tertium Re-
siduum.



Εὐρεῖν τὴν τέταρτην ὑποτομὴν. $\pi \eta$

Probl. 21. Pro-
positio 88.

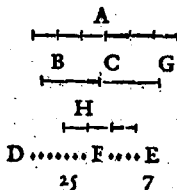
Reperire quartum
Residuum.



$\pi \theta$
Εὐρεῖν τὴν πέμπτην Σποτομύ.

Problema 22. Pro-
positio 89.

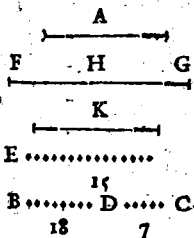
Reperire quintum Resi-
dum.



ζ
Εὐρεῖν τὴν ἑκτὴν Σποτομύ.

Problema 22. Pro-
positio 90.

Reperire sextum Resi-
dum.

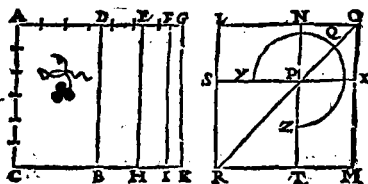


$\zeta \alpha$
Εὰν χεῖρον ἀείχνηται ὑπὸ πηλῆς καὶ Σποτομύς
πρώτης, ἢ τὸ χεῖρον διωαμύης, Σποτομύ ὅσιν.

R iiij

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum.

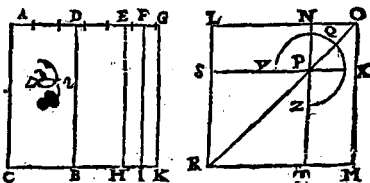


ζβ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς δευτέρας, ἢ τὸ χωρίον διαιρεθῇ, μέσης ἀποτομῇ ὅσῃ πρώτῃ.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale primum.

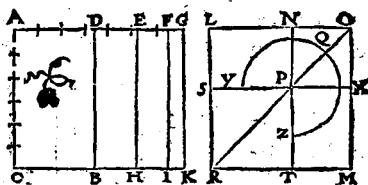


ζγ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διαιρεθῇ, μέσης ἀποτομῇ ὅσῃ δευτέρᾳ.

Theor. 68. Propo. 93.

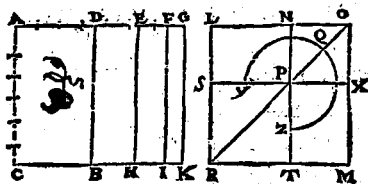
Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.



Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ σποτομῆς τετάρτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμδμή, ἐλάσσων ὅσιν.

Theor. 69. Propo. 94.

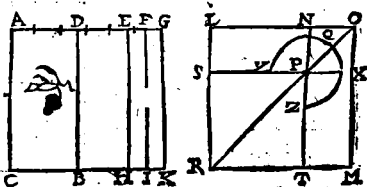
Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.



Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ σποτομῆς πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμδμή, ἐλάσσων ὅσιν.

Theor. 70. Propo. 95.

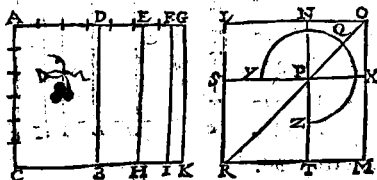
Si superficies contineatur ex linea rationali, & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cū rationali superficie faciens totam medialem.



Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς ἑκτῆς, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη, μετὰ μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσα ὅβρι.

Theor. 71. Propo. 96.

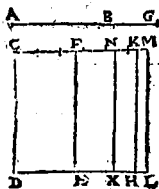
Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficie potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediāli superficie totam medialem.



Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς καὶ ῥητὴν περιβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν ὁρώμεν.

Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalē applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

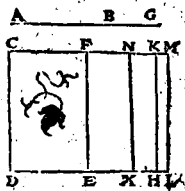


ζ η

Τὸ ὑπὸ μέσης ὑποτομῆς πρώτης τοῦ ἀριθμῶν πα-
ραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ὑποτομὴν δευ-
τέραν.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui me-
dialis primi secundum ra-
tionalem applicatum, fa-
cit alterum latus Residuū
secundum.

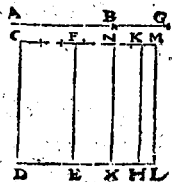


ζ θ

Τὸ ὑπὸ μέσης ὑποτομῆς δευτέρας τοῦ ἀριθμῶν πα-
ραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ὑποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Propo. 99.

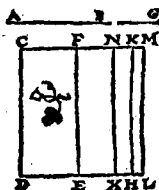
Quadratū residui media-
lis secundi secundum ra-
tionalem applicatum, fa-
cit alterū latus Residuum
tertium.



Τὸ ἀπὸ ἐλάσσονος ^ρᾧ ρητὴν ᾧ διαβαλλόμενον,
πλάτος ποιῇ, ἄποτομήν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

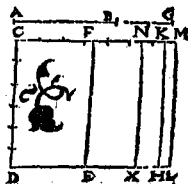
Quadratum lineæ minoris
secundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ^{ρ α}ρήϊς μέσον τὸ ὅλον ποιήσης ᾧ ρητὴν ᾧ διαβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἄποτομήν πέμπτην.

Theor. 76. Propo. 101.

Quadratum lineæ cum ra-
tionali superficie facientis
totam medialem, secundū
rationalem applicatū, fa-
cit alterū latus residuum
quintum.

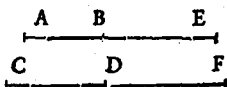


Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ^{ρ β}μέσου μέσον τὸ ὅλον ποιήσης πα-
ρὰ ρητὴν ᾧ διαβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἄποτο-
μήν ἑκτὴν.

^{ρ ε}
 Η' τῇ ἐλάσσονι σύμμετρος, ἐλάσσων ἔστίν.

Theor. 80. Propo. 105.

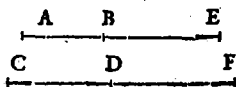
Linea communis
 bilis lineæ minori,
 est & ipsa linea mi-
 nor.



^{ρ ς}
 Η' τῇ μετὰ ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσιν σύμμετρος,
 καὶ αὐτὴ μετὰ ῥητῶ μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα ἔστίν.

Theor. 81. Propo. 106.

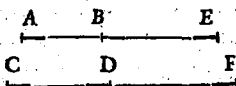
Linea communis
 furabilis lineæ cum rationali
 superficie facienti
 totam medialem, est
 & ipsa linea cum ra-
 tionali superficie fa-
 ciens totam medialem.



^{ρ ζ}
 Η' τῇ μετὰ μέσων μέσον τὸ ὅλον ποιῶσιν σύμμετρος,
 καὶ αὐτὴ μετὰ μέσων μέσον τὸ ὅλον ποιῶσα ἔστίν.

Theor. 82. Propo. 107.

Linea communis
 furabilis lineæ cum mediali
 superficie faciēti to-
 tam medialem, est &
 ipsa cum mediali su-
 perficie faciens to-
 tam medialem.

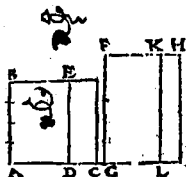


ρ η

Ἀπὸ ρητῆς, μέσῃ ἀφαιρουμένης, ἢ τὸ λοιπὸν χρεῖον
διωαμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἥτοι Σπτοτομή,
ἢ ἐλάττων.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur super-
ficies medialis, linea quæ
reliquam superficiem po-
test, est alterutra ex dua-
bus irrationalibus, aut
Residuum, aut linea mi-
nor,

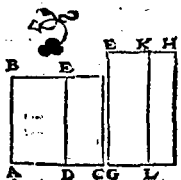


ρ θ

Ἀπὸ μέσῃ, ρητῇ ἀφαιρουμένης, ἄλλαι δύο ἀλογοὶ γί-
νονται, ἥτοι μέσῃ Σπτοτομῇ ὡρώτῃ, ἢ μετὰ ρητῇ τὸ
ὅλον ποίῃσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali
detrahatur superficies ra-
tionalis, aliæ duæ irratio-
nales fiunt, aut Residuum
mediale primum, aut cum
rationali superficiem fa-
ciens totam medialem.



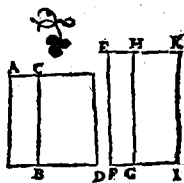
ρ ι

Ἀπὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαιρουμένης ἀσυμμέτρου τῷ ὅλῳ,

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ὀποιομὴ
 δευτέρα, ἢ μετὰ μέσῃ μέσον τὸ ὅλον ποιεῖσαι.

Theor. 85. Propo. 110.

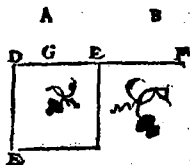
Si de superficie mediali detrahatur superfi-
 cies medialis quæ sit incō-
 mensurabilis toti, reliquæ
 duæ fiunt irrationales, aut
 residuum mediale secun-
 dum, aut cum mediali su-
 perficie faciens totam me-
 dialem.



Ἡ ὀποιομὴ ^{ρια} ὅσῃ ἐστὶν ἡ αὐτὴ τῇ ὅσῃ δύο ὀνομάτων.

Theor. 86. Propo. 111.

Linea quæ Residuum di-
 citur, non est eadem cum
 ea quæ dicitur Binomium.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ὀποιομὴ καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλογοι, οὔτε τῇ μέ-
 σῃ, οὔτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ὀπὸ μέσης τοῦ ὅλου ῥητὴν ὀφθαλμῶς

λόμβρον, πλάτος ποιῇ, ῥητιῶν ἢ ἀσύμμετρον τῇ
παρ' ἡμῶν ὡς ἀκείλαι, μήκῃ.

Τὸ δὲ ὑπὸ ὑποτομῆς ὡς ῥητιῶν ὡς βαλλό-
μβρον, πλάτος ποιῇ, ὑποτομῶν ὡρώτιν.

Τὸ δὲ ὑπὸ μέσης ὑποτομῆς ὡρώτης ὡς ῥη-
τιῶν ὡς βαλλόμβρον, πλάτος ποιῇ, ὑποτο-
μὴν δευτέραν.

Τὸ δὲ ὑπὸ μέσης ὑποτομῆς δευτέρας ὡς ῥη-
τιῶν ὡς βαλλόμβρον, πλάτος ποιῇ, ὑποτο-
μὴν τρίτην.

Τὸ δὲ ὑπὸ ἐλάττωτος ὡς ῥητιῶν ὡς βαλλό-
μβρον, πλάτος ποιῇ, ὑποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ὑπὸ τῆς μετὰ ῥητὸς μέσων τὸ ὅλον ποίεσθαι
ὡς ῥητιῶν ὡς βαλλόμβρον, πλάτος ποιῇ,
ὑποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ὑπὸ τῇ μετὰ μέσων μέσων τὸ ὅλον ποίεσθαι
ὡς ῥητιῶν ὡς βαλλόμβρον, πλάτος ποιῇ,
ὑποτομῶν ἑκτὴν.

Ἐπεὶ οὖν αἱ εἰρημόνα πλάτη ἀφαιρέσει τὰ τε
ὡρώτα ἢ ἀλλήλων (ὅτι μὲν ὡρώτα, ὅτι ῥητὴ ὅτιν,
ἀλλήλων δὲ, ὅτι αἱ εἰρημόνα αἱ αὐταὶ) δι-

λον ὡς καὶ αὐταὶ αἱ ἄλλοι διὰ φέρουσιν ἀλλή-
λων, καὶ ἐπεὶ δὲ δὴ καὶ ἡ ἀποτομή οὐκ οὔσα ἡ αὐ-
τῇ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιεῖσι δὲ πλάτη πα-
ρὰ ῥητῷ τῷ ὁρθογώνῳ μὲν αἱ μετὰ τῷ ἀ-
ποτομῇ, ἀποτομὰς ἀκολουθῶς τῇ ἑξῆς κα-
ὲρ αὐτῷ, αἱ δὲ μετὰ τῷ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἑξ
ἐκ δύο ὀνομάτων, καὶ αὐταὶ τῇ ἑξῆς ἀκολου-
θῶς, ἕτεραι ἄρα εἰσὶν αἱ μετὰ τῷ ἀποτομῇ,
καὶ ἕτεραι αἱ μετὰ τῷ ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι
τῇ ἑξῆς πάσας ἀλόγους ιγ.

α Μέσιον.

β Ἐκ δύο ὀνομάτων.

γ Ἐκ δύο μέσων πρῶ-
τῷ.

δ Ἐκ δύο μέσων δευ-
τέρῳ.

ε Μείζονα.

ς Ῥητὸν καὶ μέσον δυ-
ναμῆν.

ζ Δύο μέσα δυναμέ-
νῳ.

η Ἀποτομῇ.

θ Μέσιον ἀποτομῇ
πρῶτῳ.

ι Μέσιον ἀποτομῇ
δευτέρῳ.

ια Ἐλάττωνα.

ιβ Μετὰ ῥῆτι μέσον τὸ
ὅλον ποιεῖσαι.

ιγ Μετὰ μέσου μέσον
τὸ ὅλον ποιεῖσαι.

SCHO.

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, & cæteræ quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediæ neque sibi ipsæ inter se sunt eadem. Nam quadratum lineæ mediæ secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundum quam applicatur, per 23.

Quadratum verò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum, per 97.

Quadratum verò residui mediæ primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui mediæ secundi, facit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alterum latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superficie facientis totam mediæ, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediæ superficie facientis totam mediæ, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato æqualis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniam est rationalis linea: inter se verò differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt & residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomij & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomiis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ cōsequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

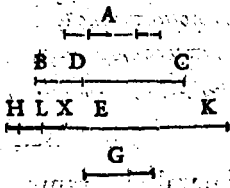
- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum mediale |
| 3 Bimediale primum. | secundum. |
| 4 Bimediale secundum. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum ratio- |
| 6 Potens rationale & | nali superficie to- |
| mediale. | ram medialem. |
| 7 Potēs duo medialia. | 13 Faciens cum me- |
| 8 Residuum. | diali superficie to- |
| 9 Residuum mediale | ram medialem. |

ρ β

Τὸ ἀπὸ ρητῆς καὶ ἁλίου τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ ἁλίου
 βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν, ἥς τὰ ὀνό-
 ματα σύμμετρα ἔστι τοῖς ὅτι ἐκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
 σι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ. καὶ ἐπὶ τῇ γνομένη ἀποτομῇ
 τὴν αὐτὴν ἔχει τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum
 Binomium applicatum, facit alterum la-
 tus residuum, cuius
 nomina sunt com-
 mensurabilia Bino-
 mij nominib⁹, & in
 eadē proportione:
 præterea id quod fit
 Residuum, eundem



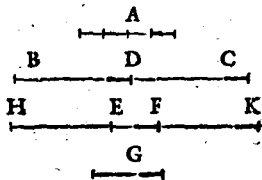
S ij

276 EVCLID. ELEMEN. GEOM.
ordinem retinet quem Binomium.

Τὸ ἀπὸ ρητῆς ^{ρ' γ} ὡς ἀπὸ τομῆς ὡς βαλλόμενον,
πλάτος ποιεῖ, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ ὀνόματα
σύμμετρά ἐστι τοῖς τῆς ἀπὸ τομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ
αὐτῷ λόγῳ. ἐπὶ δὲ ἐκ γνομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν
αὐτὴν ἔχει τῇ ἀπὸ τομῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum re-
siduum applicatum, facit alterum latus Bi-
nomium, cuius nomina sunt commensura-
bilis nominibus re-
sidui & in eadē pro-
portionē : præterea
id quod fit Binomiū
est eiusdem ordinis,
cuius & Residuum.

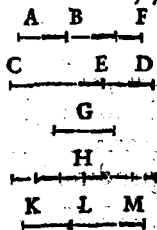


Εὰν χρεῖον ^{ρ' δ} ἀπὸ τομῆς καὶ τῆς ἐκ
δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι τοῖς τῆς
ἀπὸ τομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ τὸ χρεῖον
διωαμένη, ρητὴ ἐστὶ.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportionem, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

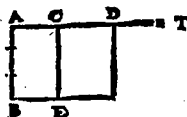
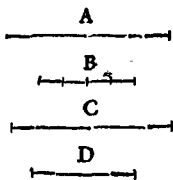


p 1 e

Ἀπὸ μέσης ἀπειροὶ ἀλόγοι γίνονται, καὶ ἑδεμία ἑδεμιά τῶν πρὸς τὸν ἑαυτῆς.

Theor. 90. Prop. 185.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irrationales innumerabiles, quarum nullavllian-
tè dictarum eadem sit.



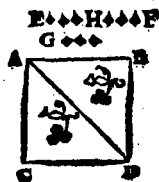
p 1 f

Προκείμενα ἡμῶν δεῖξαι, ὅτι ἐπὶ τῶν τετραγώνων σχημάτων, ἀσύμμετρος ἔστιν ἡ ἀλάμετρος τῇ πλευρᾷ μήκει.

S iiij

Propo. 116.

Propositū nobis esto de-
monstrare in figuris qua-
dratis diametrum esse lō-
gitudine incommensura-
bilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM VNDECIMVM.
ET SOLIDORVM
primum.

Ο' Ρ ΟΙ,

a

Στερεόν ὅστις, τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάτος ἔχον.

DEFINITIONES.

I

Solidum est, quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὸς δὲ πᾶς, ὅστις φαίνεται.

S iiiij

2

Solidi autem extremum est superficies.

γ

Εὐθεία πρὸς ἑπίπεδον ὀρθή ἐστίν, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἀπομύνας αὐτῆς εὐθείας, καὶ οὐσας ἐν τῷ αὐτῷ ὑποκείμενῳ ἑπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, à quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

δ

Επίπεδον πρὸς ἑπίπεδον ὀρθόν ἐστίν, ὅταν αἱ τῇ κοινῇ τομῇ τῶν ἑπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐν εἰ τῷ ἑπιπέδῳ, τῷ λοιπῷ ἑπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσιν.

4

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in vno planorum ducuntur, alteri plano ad rectos sunt angulos.

ε

Εὐθείας πρὸς ἑπίπεδον κλίσις ἐστίν, ὅταν ἀπὸ τοῦ μετέωρου πέρατος τῆς εὐθείας ἐπὶ τὸ ἑπίπεδον κείμενος ἀρῇ, καὶ ἀπὸ τοῦ γενομένου σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ ἐν τῷ ἑπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεῖα ἐπι-

Ζευθῆ, ἢ ὡς εἰς ἑαυτὴν ὁξεία γωνία ὑπὸ τῆς ἀ-
 ρείσεως καὶ τῆς ἐφεσώσεως.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus
 est angulus ipsa insistente linea & adiuncta
 altera comprehensus, cùm à sublimi rectæ
 illius lineæ termino deducta fuerit perpen-
 dicularis, atque à puncto quod perpendicu-
 laris in ipso plano fecerit, ad propositæ il-
 lius lineæ extremum, quod in eodē est pla-
 no, altera recta linea fuerit adiuncta.

7

Ἐπίπεδον πρὸς ὀπίπεδον κλίσις ἔστιν, ἡ ὡς εἰς ἑ-
 αυτὴν ὁξεία γωνία ὑπὸ τῆς πρὸς ὀρθᾷ τῇ κοινῇ
 τομῇ ἀγομῶν πρὸς τῶν αὐτῶν σημείων ἐν ἑκατέρῳ
 τῶν ὀπίπεδων.

6

Plani ad planum inclinatio, acutus est an-
 gulus rectis lineis contentus, quæ in vtro-
 que planorum ad idem communis sectionis
 punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angu-
 los efficiunt.

ζ

Ἐπίπεδον πρὸς ὀπίπεδον ὁμοίως κεκλίσθαι λέγε-
 ται, καὶ ἕτερον πρὸς ἕτερον, ὅταν αἱ εἰρημόναι τῶν κλί-
 σεων γωνία ἴσων ἀλλήλας ᾖσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

η

Παράλληλα ὅτι πεδία ὅτι, τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallelæ plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

θ

Ὅμοια τερεὰ σχήματά ὅτι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ὅτι πεδίων ὡς ἐκχώματα ἴσων τὸ πλήθος.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

ι

Ἰσὰ δὲ καὶ ὅμοια τερεὰ σχήματά ὅτι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ὅτι πεδίων ὡς ἐκχώματα ἴσων τῷ πλήθει καὶ τῷ μεγέθει.

ιο

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

ια

Στερεὰ γωνία ὅτι, ἢ ὑπὸ πλείονων ἢ δύο γεγραμ-

μὴ δ' ἀπὸ μέρων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ὀπιφανείᾳ ὕσων, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

II

Solidus angulus est, plurium quàm duarum linearum, quæ se mutuò contingant, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio.

Ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ὅστις, ἢ ὑπὸ πλῆθόνων ἢ δύο ὀπιπῆδων γωνίων περικυκλῆται, μὴ ὕσων ἐν τῷ αὐτῷ ὀπιπῆδῳ, πρὸς εἰς σημείῳ κυκλισμένων.

Aliter.

Solidus angulus est, qui pluribus quàm duobus planis angulis in eodem non consistentibus plano, sed ad vnum punctum collectis, continetur.

IB

Πυραμὶς ὅστις σχῆμα στερεὸν ὀπιπῆδῳ περικυκλῆται, ἀπὸ εἰὸς ὀπιπῆδου πρὸς εἰς σημείῳ κυκλῶς.

I 2

Pyramis, est figura solida quæ planis continetur, ab vno plano ad vnum punctum collecta.

17

Πείσμα ὅστις σχῆμα στερεὸν ὀπιπῆδῳ περικυκλῆται, ὡς δύο ἢ ἀπεναντίον ἴσα τε καὶ ὁμοία ὅστις, καὶ παραλληλὰ, ἢ δὲ λοιπὰ ὀρθογώνια.

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

14

Σφαῖρά ἐστιν, ὅταν ἡμικυκλίου κινούσης τῆς ἀγμέτρου περιεγεῖται τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταῖ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιελθὲν σχῆμα.

15

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cùm in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

16

Ἀξὼν δὲ τῆς σφαίρας ἐστὶν, ἡ μένουσα εὐθεῖα, περὶ τὸ ἡμικύκλιον γέρεται.

17

Axis autem Sphærae est, quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

18

Κέντρον δὲ τῆς σφαίρας ἐστὶ τὸ αὐτὸ, ὃ καὶ τῷ ἡμικυκλίου.

19

Centrum verò Sphærae est idem, quod & semicirculi.

¹⁶
 Διάμετρος δὲ τῆς σφαίρας ἔστιν, εὐθεῖα τις διὰ τῆς
 κέντρου ἡγμένη, καὶ περὶ τὴν μέσην ἐκείτης τὰ μέ-
 ρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17

Diameter autem Sphæræ est, recta quædam
 linea per cêtrum ducta, & vtrunque à Sphæ-
 ræ superficie terminata.

17

Κῶνός ἐστιν, ὅταν ὀρθογωνία τριγώνων μὲν ὅσες πλευ-
 ραὶ τῆς πρὸς τὴν ὀρθὴν γωνίαν, ἀλλὰ ἐν ἑκείνῃ τὸ τρί-
 γωνον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ, ὅταν ἡρξάτο
 φέρεσθαι, τὸ ἀπολεσθὲν σχῆμα. καὶ ἡ μόνουσα εὐ-
 θεῖα ἴση ἢ τῇ λοιπῇ τῇ πρὸς τὴν ὀρθὴν ἀποφερο-
 μένῃ, ὀρθογωνίος ἔσται κῶνος, ἐὰν δὲ ἐλάττω, ἀμβλυ-
 γωνίος. ἐὰν δὲ μείζων, ὀξυγωνίος.

18

Conus est figura, quæ cōuerso circum quies-
 cens alterum latus eorum quæ rectum an-
 gulum continent, orthogonio triangulo
 continetur, cū in eundem rursus locum
 illud triangulum restitutum fuerit, vnde
 moueri cœperat. Atque si quiescens recta
 linea æqualis sit alteri, quæ circum rectum
 angulum conuertitur, rectangulus erit Co-
 nus: sin minor, amblygonius: si verò ma-
 ior, oxygonius.

18

Ἄξων δὲ τῷ κέντρῳ ὅστιν ἡ μόνον ἀπὸ τοῦ κέντρου
τον γέφυραται.

19

Axis autem Coni, est quiescēs illa linea, cir-
cum quam triangulum vertitur.

20

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος, ὁ ὑπὸ τῆς περιφερειᾶς ἐν-
τείνας γραφόμενος.

20

Basis vero Coni, circulus est, qui à circun-
ducta linea recta describitur.

21

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνίου παραλληλογράμ-
μου μόνον μίας πλευρᾶς τῇ ὀρθῇ, ἀπὸ τοῦ ὀρθο-
γωνίου τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ πλά-
τῳ ἀποκταταῖ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περι-
φερειᾶς σχῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso circum
quiescens alterum latus eorum quæ rectum
angulum continent, parallelogrammo or-
thogonio comprehenditur, cū in eundem
rursus locum restitutum fuerit illud paral-
lelogrammum, vnde moueri cœperat.

22

Ἄξων δὲ τῷ κυλίνδρῳ, ὅστιν ἡ μόνον ἀπὸ τοῦ κέντρου
ἐντείνας, ἀπὸ τοῦ κέντρου

ὡς τὸ ὁμοῦ ῥαβδωγέγραμμον γέφυται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

xγ

Βάσεις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀπειραντίας διαγώνων δύο πλευρῶν γεγόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

xδ

Ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροί εἰσιν, ὧν οἵ τε ἄξονες καὶ αἱ διαμέτροι τῶν βάσεων ἀνάλογόν εἰσιν.

24

Similes cōni & cylindri sunt, quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

xε

Κύβος ἐστὶ σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ἑξ τετραγώνων ἴσων περιεχόμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

xζ

Τετραέδρον ἐστὶ σχῆμα ὑπὸ τετραγώνων τριγώνων

ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν ὡς ἐξ ἐχόμενον.

26

Tetraëdrum est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κ ζ

Οκτάεδρόν ἐστι σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ὀκτώ πεντάγωνων ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν ὡς ἐξ ἐχόμενον.

27

Octaëdrum figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κ η

Δωδεκάεδρόν ἐστι σχῆμα στερεόν, ὑπὸ δώδεκα πεντάγωνων ἴσων, καὶ ἰσοπλευρῶν, καὶ ἰσογωνίων ὡς ἐξ ἐχόμενον.

28

Dodecaëdrum figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κ θ

Εἰκοσάεδρόν ἐστι σχῆμα στερεόν, ὑπὸ εἰκοσι τριγώνων ἴσων, καὶ ἰσοπλευρῶν ὡς ἐξ ἐχόμενον.

29

Eicosaëdrum figura est solida, quæ viginti æqualibus, & æquilateris continetur.

Προτάσεις.

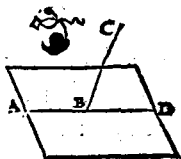
Προτάσεις.

α

Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὴ ἐπὶ ὅκ' ἔστιν ἐν τῷ ὑποκείμενῳ ὅτιπέδῳ, μέρος δὲ ἐπὶ τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars in subiecto quidem non est plano, quædam verò in sublimi.

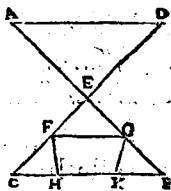


β

Εὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐν εἰς εἰσὶν ὅτιπέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν εἰς ἔστιν ὅτιπέδῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò secant, in vno sunt plano: atque triangulū omne in vno est plano.

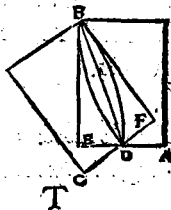


γ

Εὰν δύο ὅτιπεδα τέμνηται ἀλλήλα, ἡ κοινὴ αὐτῶν τὸ μὴ εὐθεῖα ἔσται.

Theor. 3. Propositio. 3.

Si duo plana se mutuò secant, communis eorum sectio est recta linea.

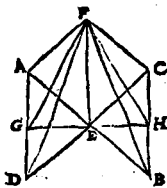


δ

Εὰν εὐθεῖα δυὸν εὐθείαις τεμνέσας ἀλλήλας, πρὸς ὀρθὰς ᾗ τῆς κοινῆς τομῆς ᾗτις αὐτῇ, καὶ τῷ δι' αὐτῶν ᾗτις πέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secantibus, in communi sectione ad rectos angulos infistat, illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.

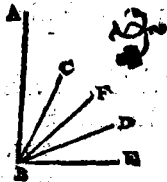


ε

Εὰν εὐθεῖα πρὸν εὐθείαις ἀπομυόμεναι ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς ᾗ τῆς κοινῆς τομῆς ᾗτις αὐτῇ, αἱ τρεῖς εὐθεῖαι ἐν ἐνὶ εἰσιν ᾗτις πέδῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangentibus, in communi sectione ad rectos angulos infistat, illæ tres rectæ in vno sunt plano.

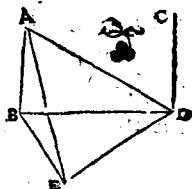


ζ

Εὰν δύο εὐθεῖαι τῷ αὐτῷ ᾗτις πέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾗσι, καὶ ἀλλήλοις ἔσονται αἱ εὐθεῖαι.

Theor. 6. Propo. 6.

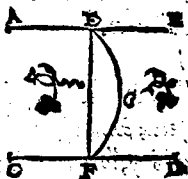
Si duæ rectæ lineæ eidem plano ad rectos sint angulos, parallelæ erunt illæ rectæ lineæ.



Εάν ὡς δύο εὐθεῖαι ὡς ῥαλλήλοι, ληφθῇ δὲ ἐφ' ἑκατέρας αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ τὰ σημεῖα ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ᾗ ἐστὶ ταῖς ὡς ῥαλλήλοις.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum vtraque sumpta sint quælibet puncta, illa linea quæ ad hæc puncta adiungitur, in eodem est cum parallelis plano.



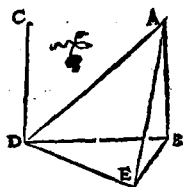
Εάν ὡς δύο εὐθεῖαι ὡς ῥαλλήλοι, ἢ δὲ ἐτέρᾳ αὐτῶν ἐπιπέδῳ πρὶ ὡς ὁρθᾷ ἢ, ἢ ἡ λοιπὴ τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ὡς ὁρθᾷ ἔσται.

Theor. 8. Propo. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, qua-

T ij

rum altera ad rectos cui-
dam plano sit angulos, &
reliqua eidem plano ad re-
ctos angulos erit.

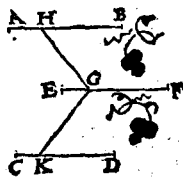


θ

Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ πρὸς ἀλλήλους, καὶ μὴ οὖσαι αὐτῇ
ἐν τῷ αὐτῷ ὀπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλας εἰσὶ πρὸς ἀλ-
λήλους.

Theor. 9. Propo. 9.

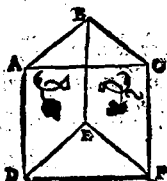
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæ
quoque sunt inter se pa-
rallelæ.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ μέρους ἀλλήλων πρὸς δύο εὐ-
θείας ἀπὸ μέρους ἀλλήλων ὦσι, μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ὀπι-
πέδῳ, ἴσας γωνίας περιέξουσιν.

Theor. 10. Propo. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales comprehé-
dent.

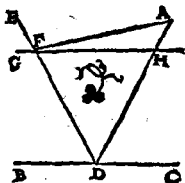


1α

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετέρω, ὅτι τὸ ὑποκείμενον ὅτι πεδον χέρεται εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Probl. 1. Prop. 11.

A dato sublimi puncto, in subiectum planum perpendiculararem rectam lineam ducere.



1β

Τῷ δοθέντι ὅτι πεδῶ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Probl. 2. Prop. 12.

Dato plano, à puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectā lineam excitare.



1γ

Τῷ δοθέντι ὅτι πεδῶ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου, δύο εὐθείαι πρὸς ὀρθὰς ὁκ ἀγαγήσονται ὅτι τὰ αὐτὰ μέρη.

T iiij

Theor. 11. Propo. 13.

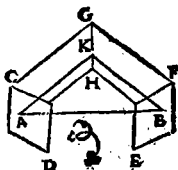
Dato plano, à pūcto quod in illo datum est, duæ rectæ lineæ ad rectos angulos non excitabuntur ad easdem partes,



Πρὸς δ' ὅτι πεδὰ ἡ αὐτὴ εὐθεῖα ὀρθὴ ᾖ, ὅτε ἀλλήλ' ᾖ ὅτι ἅ ὅτι πεδὰ.

Theor. 12. Propo. 14.

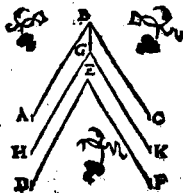
Ad quæ plana, eadem recta linea recta est, illa sunt parallela.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ μέρους ἀλλήλων, ὅτε δύο εὐθείας ἀπὸ μέρους ἀλλήλων ᾖσι μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι, ὅτε ἀλλήλ' ᾖ δι' αὐτῶν ὅτι πεδὰ.

Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad duas rectas se mutuò tāgētes sint parallelae, non in eodem consistentes plano, parallela sunt quæ per illas ducuntur plana.

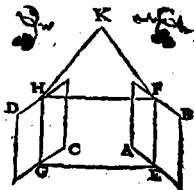


15

Εὰν δύο ὀπίπεδα ᾧξέλληλα ὑπὸ ὀπιπέδου πινὸς τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῶν τομαὶ ᾧξέλληλοί εἰσιν.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo plana parallela plano quopiam secentur, cōmunes illorum sectiones sunt parallelæ.

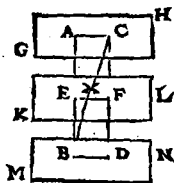


16

Εὰν δύο εὐθεῖαι ᾧξέλληλων ὀπιπέδων τέμνωνται, εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τμηθήσονται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ parallelis planis secantur, in easdem rationes secabuntur.



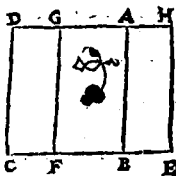
17

Εὰν εὐθεῖα ὀπιπέδῳ πινὶ πρὸς ὀρθὰς ᾦ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ὀπίπεδα, τῷ αὐτῷ ὀπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

T iiiij

Theor. 16. Propo. 18.

Si recta linea plano cuiuspiā
ad rectos sit angulos, illa
etiā omnia quæ per ipsam
plana, ad rectos eidem pla-
no angulos erunt.

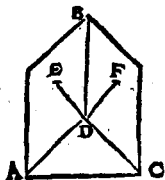


θ

Εὰν δύο ὀπίπεδα τέμνοντα ἄλληλα ὀπιπέδῳ πνί-
ωρὸς ὀρθὰς ἦ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ τῷ αὐτῷ ὀπι-
πέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si duo plana se mutuò se-
cātia plano cuidam ad re-
ctos sint angulos, commu-
nis etiam illorum sectio
ad rectos eidem plano an-
gulos erit.

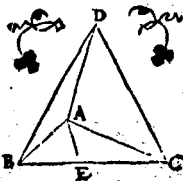


κ

Εὰν περὶ γωνία ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ὀπιπέδων πε-
ριέχεται, δύο ὁποιαοῦν τῆς λοιπῆς μείζονες εἰσι
πάντη μεταλαμβάνουσαι.

Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis
tribus angulis continea-
tur, ex his duo quilibet
vtut assumpti tertio sunt
maiores.

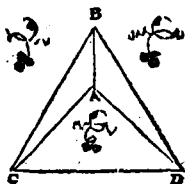


κα

Ἀπασα τερεὰ γωνία ὑπὸ ἐλασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor. 19. Pro-
positio. 21.

Solidus omnis angulus minoribus cōtinetur, quā rectis quatuor angulis planis.

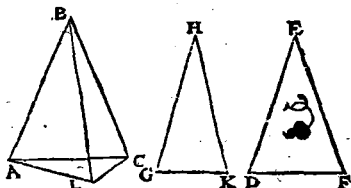


κβ

Εὰν ὅσι τρεῖς γωνίαι ἐπιπέδοι, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμεναι, περιέχωσι δὲ αὐτὰς ἴσαι εὐθεῖαι, δυνατὸν εἶναι ἐκ τῶν ἐπιγεγνησῶν τὰς ἴσας εὐθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propo. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis continentur lineis, quorum duo vt libet assumpti tertio sint maiores, triangulum constitui potest ex lineis æquales illas rectas coniungētib.



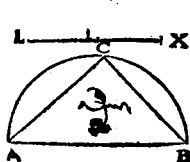
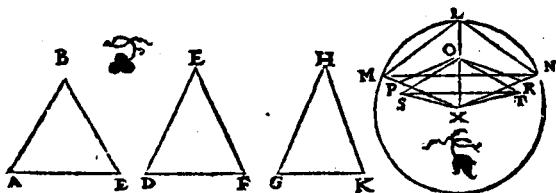
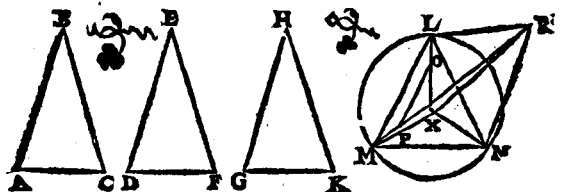
κγ

Εκ τριῶν γωνιῶν ἐπιπέδων, ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμεναι, τερεὴν

γωνίαν συστήσασθαι. δεῖ δὴ τὰς τετρὰς τεσσάρων ὀρθῶν ἐλάσσονας εἶναι.

Probl. 3. Propo. 23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut libet assumpti tertio sint maiores, solidū angulum constituere. Decet autem illos tres angulos rectis quatuor esse minores.

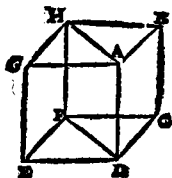


χδ

Εὰν σφαιρὸν ὑπὸ ὁμοεπίπεδων περικείνηται, τὰ ἀπεναντίον αὐτοῦ ἐπίπεδα, ἴσα τε καὶ ὁμοεπὶπλάγια ἔσονται.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis cōtineatur, aduersa illius plana & æqualia sunt & parallelogramma.

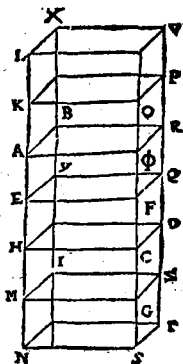


κε

Εὰν στερεὸν ᾧ ὁμοειρητέπιδον ὀπιπέδω τμήῃ ᾧ ὁμοειρήλῳ ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ὀπιπέδοις, ἔσται ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω τὸ στερεὸν πρὸς τὸ στερεόν.

Theor. 22. Proposit. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersus planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

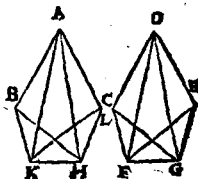


κς

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ στερεᾷ γωνία ἴσιν στερεὰν γωνίαν συστήσασθαι.

Probl. 4. Propo. 27.

Ad datam rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato æqua-
lem.

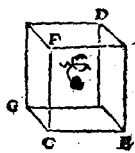
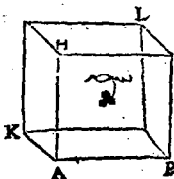


κζ

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι στερεῷ ὡς ἑλ-
ληλεπιπέδῳ ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κείμενον στερεὸν
ὡς ἑλληλεπίπεδον ἀναγράψαι.

Probl. 5. Propo. 27.

A data recta, dato solido parallelis planis
comprehēso simile & similiter positum so-
lidum pa-
rallelis pla-
nis contē-
tū descri-
bere.

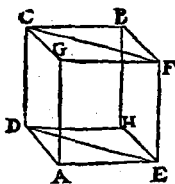


κη

Εὰν στερεὸν ὡς ἑλληλεπίπεδον ὅτιπέδῳ τμηθῇ
καὶ τὰς ἀγ.γωνίους τῆς ἀπεναντίον ὅτιπέδων, διχα-
τμηθῇσεται τὸ στερεὸν ὑπὸ τῶ ὅτιπέδῳ.

Theor. 23. Propo. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum,
ducto per aduersorum planorum diagonios
plano se-
ctum sit,
illud soli-
dū ab hoc
plano bi-
fariam se-
cabitur.

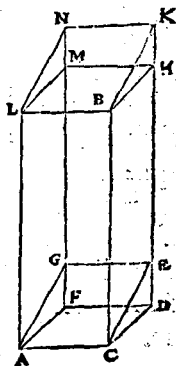


κθ

Τὰ ὅτι τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ ὡς ἀλλήλε-
πίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐφεστῶσαι ὅτι
τῶν αὐτῶν εἰσὶν εὐθειῶν, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 24. Pro-
positio. 29.

Solida parallelis planis
comprehensa, quæ super
eandem basim & in ea-
dem sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ in
iisdem collocantur rectis
lineis, illa sunt inter se æ-
qualia.

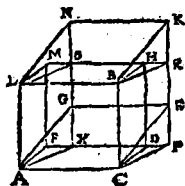


λ

Τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ ὡς ὁμοειδή
 λεπίπεντα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐπιφανεί-
 σαι οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῇ αὐτῶν εὐθείᾳ, ἴσα ἀλλή-
 λοις ὄντι.

Theor. 25. Propo. 30.

Solida parallelis planis cir-
 cumscrip̄ta, quæ super eā-
 dem basim & in eadē sunt
 altitudine, quorū insisten-
 tes lineæ non in iisdem re-
 periuntur rectis lineis, illa
 sunt inter se æqualia.

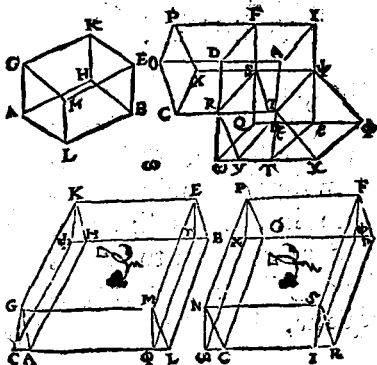


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ ὡς ὁμοειδή λεπίπεν-
 τα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 26. Propo. 31.

Solida pa-
 rallelis pla-
 nis circun-
 scripta,
 quæ in ea-
 dem sunt
 altitudine,
 æqualia
 sunt inter
 se.

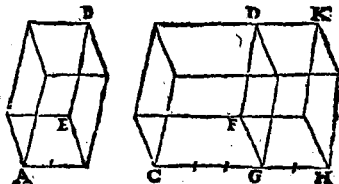


λβ

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα τερεὰ ὡς ἀλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ὅστιν, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circumscripta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

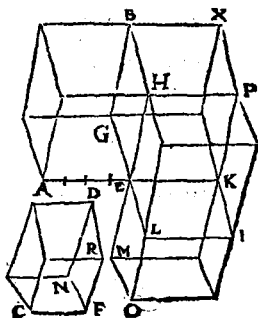


λγ

Τὰ ὅμοια τερεὰ ὡς ἀλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῆς ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida parallelis planis circumscripta, habent inter se rationem homologorū laterum tripliatam.

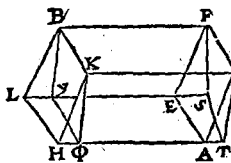
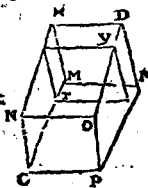
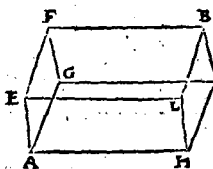
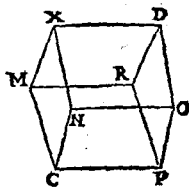
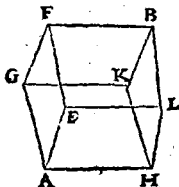


λ δ

Τῶν ἴσων στερεῶν ὁ ὁμοαλληλεπιπέδων ἀντιπεπὸν
 θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσι. καὶ ὧν στερεῶν ὁ ὁμοαλλη-
 λεπιπέδων ἀντιπεπὸν θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσιν, ἴσα
 ἔσθιν ἐκείνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū
 solidorum
 parallelis
 planis cō-
 tentorum
 bases cum
 altitudini-
 bus reci-
 procantur.
 Et solida
 parallelis
 planis con-
 tenta, quo-
 rum bases
 cum altitu-
 dinibus re-
 ciprocan-
 tur, illa sunt æqualia.



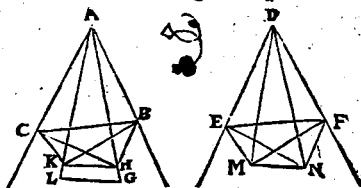
λ ε

Εὰν ᾧσι δύο γωνίαι ἐπίπεδοι ἴσαι, ἐπὶ δὲ τῶν κο-
 ρυφῶν αὐτῶν μετέωροι εὐθεῖαι ἐπισταθῶσιν ἴσας
 γωνίας

γωνίας ἀειέχουσαι μετὰ τῆς ἐξ αρχῆς εὐθεΐων,
 ἑκατέραι ἑκατέρα, ὅτι δὲ τῆς μετεώρων ληφθῇ
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὅτι αὐτὴ πεδία, ἐν
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξ αρχῆς γωνίαι, κατέτοι αὐθῶσιν, ἀπὸ
 δὲ τῆς γενομένης σημείων ὑπὸ τῆς κατέτοι ὅτι
 τοῖς ὅτι πεδίοις, ὅτι αὐτὴς ἐξ αρχῆς γωνίας ὅτι ζευ-
 ρῶσιν εὐθεΐαι, ἴσας γωνίας ἀειέξουσιν μετὰ τῆς
 μετεώρων.

Theor. 30. Propo. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
 verticibus sublimes rectæ lineæ insistant,
 quæ cum lineis primò positis angulos con-
 tineant æquales, vtrunque vtrique, in sub-
 limibus autem lineis quælibet sumpta sint
 puncta, & ab his ad plana, in quibus confi-
 stunt anguli primùm positi, ductæ sint per-
 pendiculares, ab earum verò punctis, quæ in
 planis signata fuerint, ad angulos primùm
 positos ad-
 iunctæ sint
 rectæ lineæ,
 hæ cum su-
 blimibus
 æquales an-
 gulos comprehendunt.



λ γ

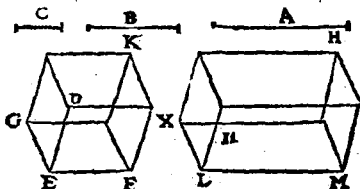
Εὰν τρεῖς εὐθεΐαι ἀνάλογον ᾖσι, τὸ ἐκ τῆς πρώτης τε-

V

ρεόν τῶν ὁμοειπείπων ἴσον ὅτι τῷ ὑπὸ τῆς μέσης
 τερεῶν τῶν ὁμοειπείπων ἴσο πλεύρω μὲν, ἴσο γω-
 νίῳ δὲ τῷ περιφρημύῳ

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales, quod
 ex his tribus fit solidū parallelis planis con-
 tentum, æquale est descripto à media linea
 solido parallelis planis comprehenso, quod
 æquilate-
 rum qui-
 dem fit, sed
 antedicto
 æquiangu-
 lum.

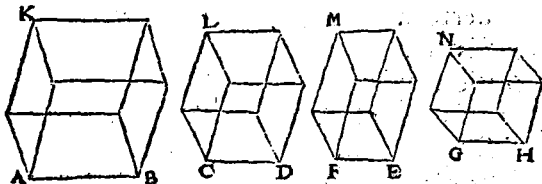


Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-
 τῶν ὁμοειπείπων ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γραφόμῃνα, ἀνάλογον ἔσται. καὶ εἰ τὰ ἀπ' αὐτῶν
 τερεῶν τῶν ὁμοειπείπων ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀνα-
 γραφόμῃνα ἀνάλογον ᾦ, καὶ αὐτὰ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλο-
 γον ἔσονται.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportionales,
 illa quoque solida parallelis planis conten-
 ta, quæ ab ipsis lineis & similia & similiter
 describuntur, proportionalia erunt. Et si

solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.

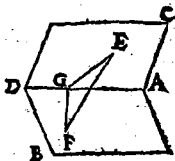


λ η

Εὰν ὁπίπεδον πρὸς ὁπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ πινὸς σημείου τῆς ἐν τῷ ὁπίπέδῳ ὅτι τὸ ἕτερον ὁπίπεδον χάσεται ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς πεσεῖται τῷ ὁπίπέδῳ ἡ ἀγομένη χάσεται.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quo-dam puncto eorum quæ in vno sunt plano-rum perpédicularis ad al-terum ducta sit, illa quæ ducitur perpédicularis, in communem cadet pla-norum sectionem.



λ θ

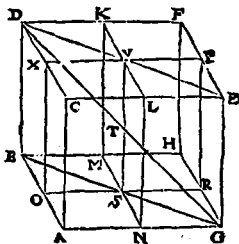
Εὰν πρὸς ὁρθὸν ὁπίπεδον τῷ ἀπέναντιον ὁπίπεδῳ αἱ πλευραὶ διχατμηθῶσι, ἀπὸ δὲ τῆς τομῆς ὁπίπεδα ἐκκληθῇ, ἐκ κοινῆς τομῆς τῶν ὁπίπεδων

V ij

ἔκ τῶν τετραγώνων ὁμοειδῶν πεπαισμένων ἀλλήλων, δι-
χατέμενοι ἀλλήλους.

Theor. 34. Propo. 39.

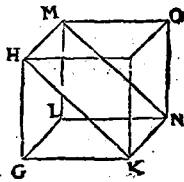
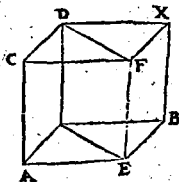
Si in solido parallelis planis circumscripto, aduersorum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorum sectio, & solidi parallelis plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.



Εάν ἡ δύο ὀρίσματα ἰσοῦνται, καὶ τὸ μὲν ἐξ ἑαυτῶν πα-
ραλληλόγραμμον, τὸ δὲ τρίγωνον, διπλασίον δὲ ἢ
τὸ ὁμοειδὲς παραλληλόγραμμον τῷ τριγώνῳ, ἴσα ἔσονται
ὀρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quo-
rum hoc quidé basim habeat parallelográ-
mum, illudverò triangulum, sit autem pa-
rallelográ-
mum triá-
guli duplú,
illa prisma-
ta erunt æ-
qualia.



Elementi vndecimi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ,
ΚΑΙ' ΣΤΕΡΕΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM
secundum.

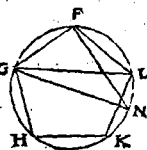
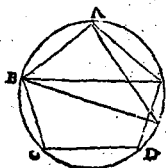
Προτάσεις.

^α

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλη-
λά ἔστιν, ὡς τὰ ἀπὸ τῆς διαμέτρων τετραγωνα.

Theor. i. Propo. i.

Similia quæ sunt in circulis polygona, ra-
tionem ha-
bent inter
se quā de-
scripta à
diametris
quadrata.



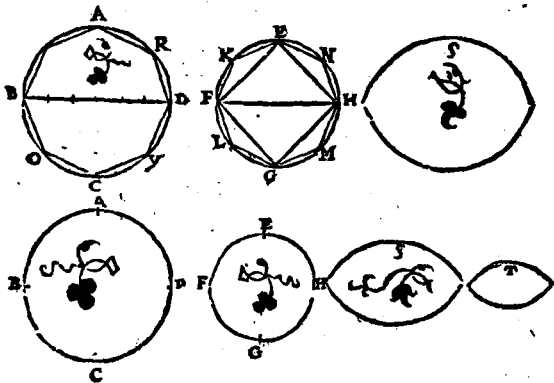
V iij

β

Οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν, ὡς τὰ ἀπὸ τῆς
 διμέτρων τεύχονα.

Theor. 2. Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habēt, quam
 descripta à diametris quadrata.



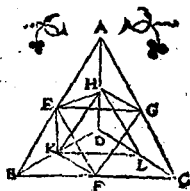
γ

Πᾶσα πυραμὶς τρίγωνον ἔχουσα βάσιν, διαιρεῖται
 εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, δι-
 γώνους βάσεις ἐχούσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο
 ὀρίσματα ἴσα, καὶ τὰ δύο ὀρίσματα μείζονά ἐστιν,
 ἢ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in
 duas diuiditur pyramidas nō tantum æqua-

les & similes inter se, sed
totietiam pyramidi simi-
les, quarum trigωνæ sunt
bases, atque in duo prif-
mata equalia, quæ duo prif-
mata dimidio pyramidis
totius sunt maiora.

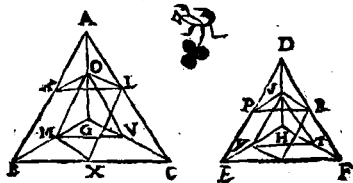


Εὰν ὦσι δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, πε-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, διαρῆθῃ δὲ ἑκάτερα αὐ-
τῶν εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας
τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο ὀρίσματα ἴσα, καὶ τῆς γενομέ-
νων πυραμίδων ἑκάτερα τὸν αὐτὸν τέτοπον, καὶ τῶ-
το αἰεὶ γίνηται, ἔστιν ὡς ἡ τῆς μιᾶς πυραμίδος βά-
σις, πρὸς πλὴν τῆς ἑτέρας πυραμίδος βάσιν, οὕ-
τως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι ὀρίσματα πάντα,
πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρᾳ πυραμίδι ὀρίσματα πάντα
ἰσοπληθῆ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides tri-
gonas habeant bases, sit autem illarum v-
traque diuisa & in duas pyramidas inter se
æquales totique similes, & in duo prismata
æqualia, ac eodem modo diuidatur vtraque
pyramidum quæ ex superiore diuisione na-
tæ sunt, idque perpetuò fiat : quemadmo-
dum se habet vnus pyramidis basis ad alte-

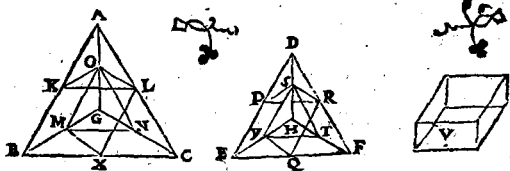
rius pyramidis basim, ita & omnia quæ in vna pyramide prismata, ad omnia quæ in altera pyramide prismata, multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, καὶ περιγὰ-
ντες ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

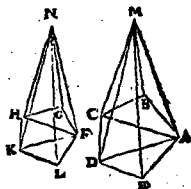
Pyramides eiusdē altitudinis, quarum tri-
γωνæ sunt bases, eam inter se rationem ha-
bent quam ipsæ bases.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος οὖσαι πυραμίδες, καὶ πολυ-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 6. Propo. 6.

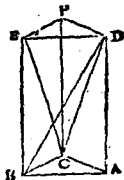
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habent quam ipsæ bases.



Πάν ὁρίσµα πρίγνων ἔχον βάσιν, διαρῆται εἰς βεῖς πυραµίδας ἴσας ἀλλήλαις, πρίγνους βάσιν εἰχούσας.

Theor. 7. Propo. 7.

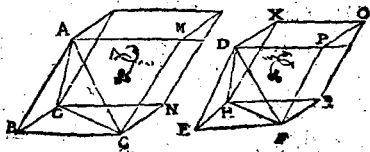
Omne prisma trigonā habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραµίδες, καὶ πρίγνους ἔχουσαι βάσιν, ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῇ ὁµολόγων πλευρῶν.

Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides, quæ trigonas habēt bases, in tripli-
cata sunt
homolo-
gorum la-
terum ra-
tione.

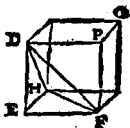
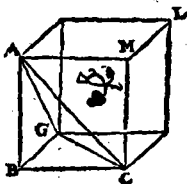


θ

Τῶν ἴσων πυραμίδων, καὶ τριγώνους βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπόμεναι αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ὧν πυραμίδων τριγώνους βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπόμεναι αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theor. 9. Propo. 9.

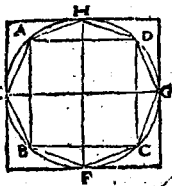
Æqualium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus, illæ sunt æquales.



Πᾶς κῶνος, κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶ τῷ πρὸς αὐτὸν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Propo. 10.

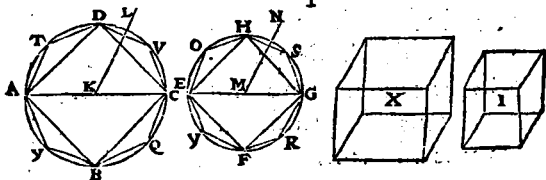
Omnis cōnus tertia pars est Cylindri eandem cum ipso cōno basim habentis, & altitudinē æqualem.



^{1α}
Οἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλοις εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propo. 11.

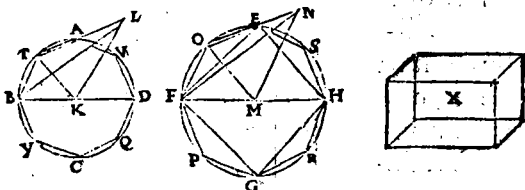
Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.



^{1β}
Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἐν ταῖς βάσεσι ἀγμέζων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam habent
inter se rationem diametrorum quæ sunt in
basibus.

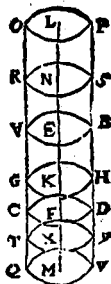


^{1γ}
Εὰν κύλινδρος ὁπιπέδῳ τμηθῇ ὡς ἀλλήλῳ ὄν-
τι τοῖς ἀπεναντίον ὁπιπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύλιν-
δρος.

δρος πρὸς τὸν κύλινδρον, οὕτως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξονα.

Theor. 13. Pro-
posit. 13.

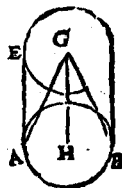
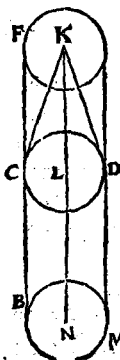
Si cylindrus plano sectus
fit aduersis planis paral-
lelo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.



οἱ ὅτι ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ ὕψη.

Theor. 14. Propo. 14.

Coni & cy-
lindri qui
in æquali-
bus sunt ba-
sibus, eam
habent in-
ter se ratio-
nem, quam
altitudi-
nes,

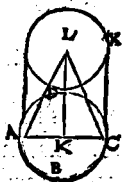
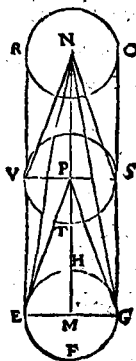


12

Τῶν ἴσων κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ τῶν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσοι εἰσὶν ἐκείνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium cōnorum & cylindrorum bases cū altitudinibus recipiātur. Et quorum cōnorum & cylindrorum bases cum altitudinibus recipiātur, illi sunt æquales.



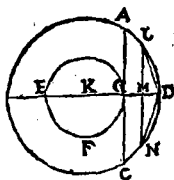
17

Δύο κύκλων παρὰ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν μείζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἀρτιόπλευρον ἐγγράψαι, μὴ φαῦτον τῷ ἐλάσσονος κύκλου.

Probl. 1. Propo. 16.

Duobus circulis circum idem centrum

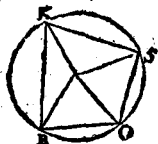
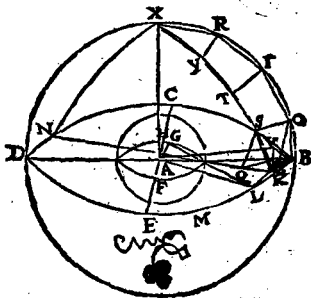
consistentibus, in maiore circulo polygonum equialium pariumque laterum inscribere, quod minorem circulum non tangat.



Δύο σφαῖραν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον οὐσῶν, εἰς τὴν μείζονα σφαῖραν περιέδον πολύεδρον ἐγγράψαι, μὴ ψαῦον τῆς ἐλάσσονος σφαίρας καὶ τὴν ὀπίσθαιαν.

Probl. 2. Propo. 17.

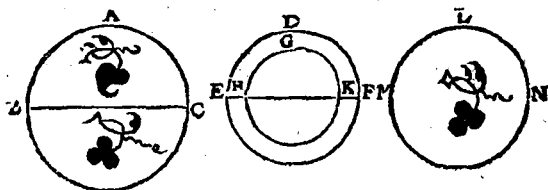
Duabus sphæris circum idem centrum cōsistētibus, in maiore sphæra solidum polyedrum inscribere, quod minoris sphærae superficiem non tangat.



¹⁷
Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ἐν τριπλασίονι λόγῳ
εἰς τὰς ἰδίων διαμέτρων.

Theor. 16. Propo. 18.

Sphæræ inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΓ, ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM TERTIVM,

ET SOLIDORVM

tertium.

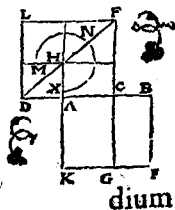
Προτάσις.

a

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον ἔμμεσον λόγον τμηθῇ τὸ μείζον τμήμα πρὸς λαβὸν πλὴν ἡμίσην τῆς ὅλης, πενταπλάσιον δυνάται τὸ ὑπὸ τῆς ἑμμεσίας τῆς ὅλης.

Theor. 1. Propo. 1.

Si recta linea per extremam & mediam rationem secta sit, maius segmētum quod totius lineæ dimi-



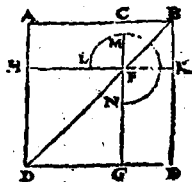
potest eius, quod à maioris segmenti dimi-
dio describitur, quadrati.

δ

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ
ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συν-
αμφοτέρω τετράγωνα, τριπλάσια ὅντι τοῦ ὑπὸ τοῦ
μείζονος τμήματος τετράγωνου.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea per extremam & mediam ra-
tionē secta sit, quod à to-
ta, quodque à minore se-
gmēto simul vtraq; qua-
drata, tripla sunt eius,
quod à maiore segmento
describitur, quadrati.

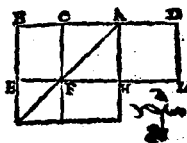


ε

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, καὶ
προβλεθῇ ἴση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἢ εὐθεῖα ἄ-
κρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα
ὅστιν, ἢ ἐξ αὐτῆς εὐθεῖα.

Theor. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineam, quæ
per extremam & mediam
rationem secetur, adiun-
cta sit altera segmēto ma-
iori æqualis, tota hæc li-
nea recta per extremam



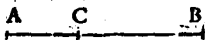
& mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primùm posita.

¶

Εὰν εὐθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκάτερον τῶν τμημάτων ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλουμένη ἀποτομή.

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, vtrunque segmentorum ἀλογός siue irrationalis est linea, quæ dicitur Refiduum.

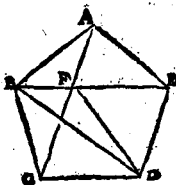


ζ

Εὰν πεντάγωνον ἰσοπλεύρου αἱ πρῆς γωνίαι, ἦτοι αἱ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσογώνιον ἔσται τὸ πεντάγωνον.

Theor. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilateri tres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulum.



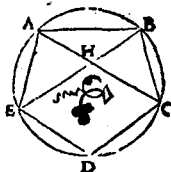
η

Εὰν πεντάγωνον ἰσοπλεύρου καὶ ἰσογώνιον τὰς κατὰ τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτείνωσιν εὐθεῖαι, ἄκρον καὶ

μέσον λόγον τέμνουσιν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα αὐ-
τῶν τμήματα ἴσα ὅτι τῇ τῷ πενταγώνου πλευρᾷ.

Theor. 8. Propo. 8.

Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos
qui deinceps sequuntur angulos rectæ sub-
tendant lineæ, illæ per ex-
tremam & mediam ratio-
nem se mutuò secant, ea-
rúmque maiora segméta,
ipsius pétagoni lateri sunt
æqualia.

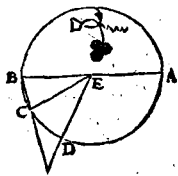


θ

Εὰν ἡ τῷ ἑξαγώνου πλευρὰ καὶ ἡ τῷ δεκαγώνου, εἰς
τὸν αὐτὸν κύκλον ἐκγεγραμμέναι συνιῇσιν, ἡ ὅλη
εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον
αὐτῆς τμήμα, ὅστις ἡ τῷ ἑξαγώνου πλευρὰ.

Theor. 9. Propo. 9.

Si latus hexagoni & latus decagoni eidem
circulo inscriptorum có-
posita sint, tota recta li-
nea per extremam & me-
diam rationem secta est,
eiúsque segméto maius,
est hexagoni latus.

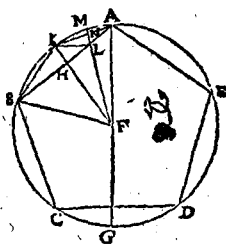


Εὰν εἰς κύκλον πεντάγωνον ἰσοπλευρον ἐκγεγραφῇ,

ἢ τῷ πενταγώνου πλευρὰ διώσται τὴν τε τοῦ
ἐξαγώνου καὶ τὴν τῷ δεκαγώνου, τῇ εἰς τὸν αὐτὸν κύ-
κλον ἐγγραφόμενων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentag-
num equilaterum in-
scriptum sit, πέταγων-
ni latus potest & la-
tus hexagoni & latus
decagoni, eidem cir-
culo inscriptorum.

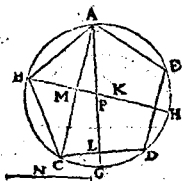


1α

Εὰν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα τὴν ἀμέμετρον, πεν-
τάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τῷ πενταγώνου
πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἡ χαλουμένη ἐλάσων.

Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητὴν haben-
te diametrum, inscriptum
sit pentagonum æquilate-
rum, pentagoni latus irra-
tionalis est linea, quæ vo-
catur Minor.



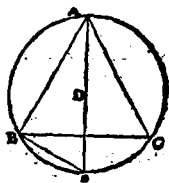
1β

Εὰν εἰς κύκλον τρίγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τῷ
τρίγωνου πλευρὰ, διώσται τριπλασίαν ἐστὶ τῆς
ἐκ τῷ κέντρου τῷ κύκλου.

X iij

Theor. 12. Propo. 12.

Si in circulo inscriptum sit
triangulum æquilaterum,
huius trianguli latus po-
tentia triplum est eius li-
neæ, quæ ex circuli centro
ducitur.

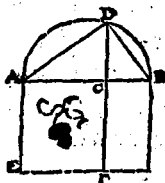
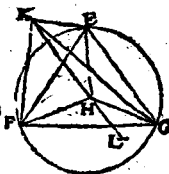
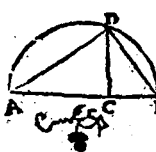


17

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας δια-
μέτρος, διωάμει ἡμιολία ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆς πυ-
ραμίδος.

Probl. 1. Propo. 13.

Pyramidem cōstituere, & data sphaera com-
plecti, atque docere illius sphaeræ diametrū
potētia sesquialteram esse lateris ipsius py-
ramidis.



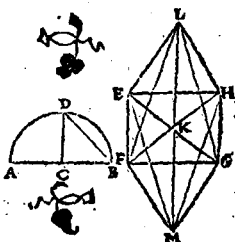
18

Οκτάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
ἢ ἢ πλὴν πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας

Διγόμενος διδάμει διπλασία ὅτι τῆς πλευρᾶς τῆς
ὀκταέδρου.

Probl. 2. Propo. 14.

Octaëdrum consti-
tuere, eaque sphæra
qua pyramidem cō-
plecti, atque probare
illius sphærae diame-
trum potentia duplā
esse lateris ipsius o-
ctaëdri.

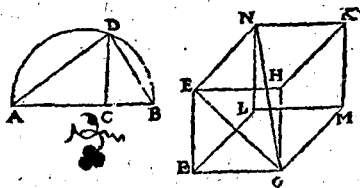


12

Κύβον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἢ καὶ τὰ
πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διγόμενος
διδάμει πενπλασί ὅτι τῆς τῆς κύβου πλευρᾶς.

Probl. 3. Propo. 15.

Cubum constituere, eaque sphæra qua &
superiores figuras complecti, atque docere
illius sphæ-
ræ diame-
trum po-
tentia tri-
plam esse
litteris i-
psius cubi.



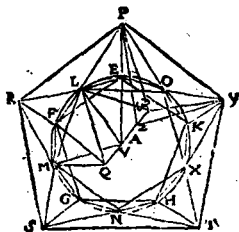
X iiij

15

Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν,
ἢ καὶ τὰ περιγεγραμμένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς
εἰκοσαέδρου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλουμένη ἐ-
λάττων.

Probl. 4. Prop. 16.

Icosaëdron constituere, eadèmq̃ue sphæra
qua & antedictas figuras complecti, atque
probare icofoëdrilatus irrationalem esse li-
neam, quæ vocatur Minor.



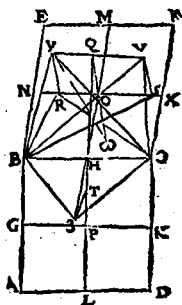
16

Δωδεκάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλα-
βεῖν, ἢ καὶ τὰ περιγεγραμμένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι
ἡ τῆς δωδεκαέδρου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλου-
μένη σποτομή.

Probl. 5. Prop. 17.

Dodecaëdron cōstituere, eadèmq̃ue sphæ-

ra qua & antedictas figuras complecti, atque probare δωδεαῖδρι latus irrationalé esse lineam, quæ vocatur Residuum.

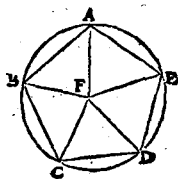
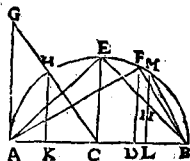


17

Ταὶ πλευραὶ τῆς πέντε σχημάτων ἐκτέταται, καὶ συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque figurarum latera proponere, & inter se cōparare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγω δὴ ὅτι τῶν τε εἰρηκεῖν εἰς σχήματα ὅσους
 γήσεται ἕτερον σχῆμα, πρὸς ἐκείνους ὑπὸ ἰσο-
 πλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ μὲν
 γὰρ δύο περιγώνων, ἀλλ' οὐδὲ ἄλλων δύο ὅστις πέντε
 τερεὰ γωνία ὅσους γήσεται.

Υπὸ δὲ τριῶν τριγώνων, ἢ τῆς περὶ αὐτῶν.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἢ τῆς οὐκ ἐξ αὐτῶν.

Υπὸ δὲ ἑξῆς, ἢ τῆς εἰκοσσιεδρου.

Υπὸ δὲ ἐξ τριγώνων ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων
 πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνιστάμενων, οὐκ ἔστι περὶ γωνία.
 οὔσης γὰρ τῆς ἑξ ἰσοπλεύρου τριγώνου γωνίας δι-
 μιόρου ὀρθῆς, ἔσονται αἱ ἐξ τεσσάρων ὀρθῶν ἴσαι, ὅ-
 τινι ἀδιύατον. ἅπαντα γὰρ περὶ γωνία ὑπὸ ἐ-
 λασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. ἀλλὰ καὶ
 αὐτὰ δὴ οὐδὲ ὑπὸ πλείονων ἢ ἐξ γωνιῶν ὅτι πέ-
 δων περὶ γωνία συνίσταται.

Υπὸ δὲ πεντάγωνων τριῶν, ἢ τῆς κύβου γωνία πε-
 ριέχεται.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἀδιύατον. ἔσονται γὰρ πάλιν
 τέσσαρες ὀρθαί.

Υπὸ δὲ πεντάγωνων ἰσοπλεύρων καὶ ἰσογωνίων,
 ὑπὸ μὲν τριῶν, ἢ τῆς δωδεκαεδρου.

Υπὸ δὲ τεσσάρων, ἀδιύατον. οὔσης γὰρ τῆς ἰσο-
 πλεύρου πεντάγωνου γωνίας ὀρθῆς καὶ πέμπτου, ἔσον-
 ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὀρθῶν μείζους.

ὅτι ἀδύνατον. ἔδὲ μὲν ὑπὸ πολυγώνων ἑτέρων
 σχημάτων περισχεῖσθαι τερεὰ γωνία, ἀλλὰ τὸ
 ἀτοπον. ὅτι ἄρα ὅσα τὰ εἰρημύα εἰ σχήματα ἑ-
 τερον σχῆμα τερεὸν συσταθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλεύρων
 καὶ ἰσογωνίων περιεχόμενον. ὅτι ἔδῃ δεῖξαι.

SCHOLIUM.

*Aio verò, præter dictas quinque figuras non posse
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis &
 æquilateris & æquiangulis contineatur, inter
 se equalibus. Non enim ex duobus triangulis,
 sed neque ex aliis duabus figuris solidus consti-
 tuetur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an-
 gulus.*

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque verò, Icosaëdri.

*Nam ex triangulis sex & æquilateris & æ-
 quiangulis ad idem punctum coeuntibus, non
 fiet angulus solidus. Cum enim trianguli æqui-
 lateri angulus, recti unius bessem contineat,
 erunt eiusmodi sex anguli rectis quatuor equa-
 les. Quod fieri non potest. Nam solidus omnis
 angulus, minoribus quam rectis quatuor angu-
 lis continetur, per 21. 11.*

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quàm planis sex eiusmodi angulis solidus constat. Sed ex tribus quadratis, cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecaëdri angulus continetur. Sed ex quatuor, nullus potest. Cùm enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex aliis polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΙΔ, ΚΑΙ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς οἶοντά τινες, ὡς ἄλλοι δέ, ΥΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ὡς τῆς ἑσώματων,

ὡρώτων.

Βασιλείδης ὁ τύμιος, ὃ Πρώταρχε, ὡς ἀγα-
πηθεὶς εἰς Ἀλεξάνδρην, καὶ συσταθεὶς τῷ πατρὶ
ἱερωῶν Διὰ τὴν ἀπὸ ἑμαυτοῦ συγγένειαν, ἐν-
δέξιφεν αὐτῷ τὸν πλείστον τῆς ὀπιδιμίας χρό-
νον. καὶ ποτε διελουῶντες τὸ ὑπὸ Ἀπολλωνίου γε-
φὴν ὡς τῆς συγκρίσεως τῶ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ
εἰκοσαέδρου, τῆς εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἔλθου-
φορμῶν, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἄλληλα,
ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὀρθῶς γεγραφεῖναι τὸν Ἀπολ-
λώνιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα διὰ χαράρας, ἔγρα-
ψαν, ὡς καὶ ἀκούειν τῆς πατρὸς. ἐγὼ δὲ ὕστερον πε-

παρίεπον ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδο-
 δομένη, καὶ παρίεχοντι σπόδειξιν ὑμῶς πρὸς τῷ
 ὑποκειμένου, καὶ μεγάλας ἐψυχαγωγήσιν ὅτι τῇ
 προβλήματος ζητήσῃ. τὸ μὲν ὑπὸ Ἀπολλωνίου
 ἐκδοθὲν ὅμοιον κοινῇ σκοπεῖν. καὶ γὰρ παρίερεται.
 τὸ δ' ὑφ' ἡμετέρῳ δοκοῦν ὕψιον γεγραφεῖναι φιλο-
 πόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑπομηματιστά, ἔκρινεν
 προσφωνήσά σοι. ἀλλὰ τίς ἐν ἅπασιν μαθήμασι,
 μάλιστα δ' ἐν γεωμετρίας, προσκοπὴν ἐμπίερας κρί-
 νοντι τὰ ῥηθησόμενα, ἀλλὰ δὲ τίς πρὸς τὸν πατέρα
 ζωήσας, καὶ τίς πρὸς ἡμᾶς εὐνοίας, εὐμενῶς ἀχθο-
 μένῳ τῆς πραγματείας. χαρὸς δ' αὖ εἴη παροι-
 μίου μὲν πεπαῦσθαι, τῆς δὲ ζωτάξεως ἀρχεσθαι.



EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMUMQVARTVM,

VT QUIDAM AR-

bitrantur, vt alij verò,

Hypsiclis Alexandri-

ni, de quinque

corporibus.

LIBER PRIMVS.

BAsilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplina societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cúmque differerent aliquando de scripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri & Icosaëdri eidem sphaera inscriptorum, quam hac inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui demonstrationem accuratè

complecteretur de re proposita, ex cuiusque problematis indagatione magnam equidem cepi voluptatē. Illud certē ab omnibus perspicere potest, quod scripsit Apollonius, cū sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum cōiicere licet, studio nos postea scripsisse videmur, id monumentis consignatum tibi nuncupandum duximus, ut qui feliciter cū in omnibus disciplinis tum vel maximē in Geometria versatus, scitē ac prudenter iudices ea quæ dicturi sumus: ob eam verò, quæ tibi cum patre fuit, vitæ cōsuetudinem, quaque nos cōplecteris, benevolentiam, tractationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus est, ut procœmio modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσις.

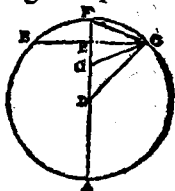
α.

Ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου κύκλου πρὸς, ὅπῃ τὴν τοῦ πενταγώνου πλευρὰν, τῇ εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγεγραμμένου καθετοῦ ἀγομένη, ἡμίση ἐστὶ τῆς αὐτοῦ τε καὶ τοῦ κέντρου καὶ τῆς τοῦ δεκαγώνου, τῇ εἰς τὸν κύκλον ἐγγεγραμμένης.

Theor. i. Propo. i.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuiuspiam

iussiam centro in latus pentagoni ipsi circulo inscripti ducitur, dimidia est vtriusque simul lineæ, & eius quæ ex centro, & lateris decagoni in eodem circulo inscripti.

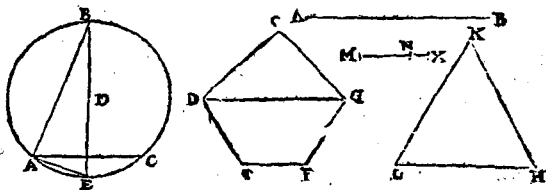


β

Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ, τε τῷ δωδεκάεδρου πεντάγωνον, καὶ τὸ τῷ εἰκοσάεδρῳ τρίγωνον τῆς εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομένηων.

Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri pentaëdron & icosædri triangulum, eidem sphaeræ inscriptorum.



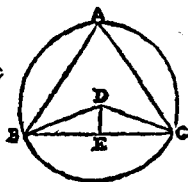
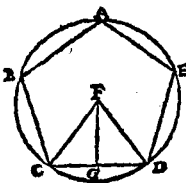
γ

Εὰν ἡ πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ περιέχῃ τὸ κύκλος, καὶ ἔξω τῷ κέντρῳ καθετός ᾗ τῇ μίαι πλευρᾷ ἀρθῇ, τὸ τριακοντάκλις ᾗ τὴν μίαν πλευρᾶν καὶ τῆς καθετῆς, ἴσον ᾖ τῇ τῷ δωδεκάεδρου ὅτι φανεία.

Υ

Theor. 3. Propo. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangulo circumscriptus sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari trigies continetur, illud æquale est δω-decaëdri superficiei.



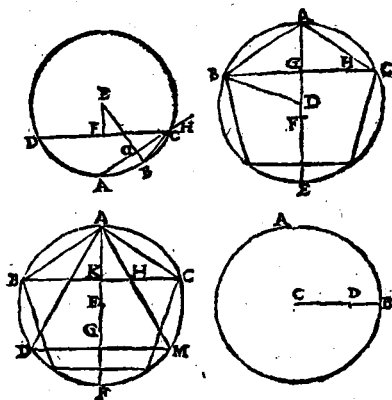
δ

Τούτου δήλου ὄντος, δεκτέον ὅτι ἔσται ὡς ἡ τοῦ δω-
δεκαέδρου ὁπιφάνεια πρὸς τὴν ἑξήκοντα ἑξαιρέτου, οὕ-
τως ἡ τῶ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῆ εἰκοσαέδρου
πλευρὰν.

Theor. 4. Propo. 4.

Hoc perspicuum cū sit, probandum est,
quemadmodum se habet δω-decaëdri super-

ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere
cubi latus ad icosaëdri latus.



Cubi latus.

E —————

Dodecaëdri.

F —————

Icosaëdri.

G —————

Y ij

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Διχλίον δὴ κυῦ, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλευρὰ πρὸς
 τὴν τῷ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ στερεὸν τῷ δωδεκαέδρου
 πρὸς τὸ στερεὸν ὅς εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 περιλαμβάνουσι τὸ, τε τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνον,
 καὶ τὸ ὅς εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν
 σφαῖραν ἐκγεφομένων, ἐν δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ ἴσοι
 κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τῷ κέντρῳ. αἱ γὰρ ἀπὸ ὅς
 κέντρου τῆς σφαῖρας ἐπὶ τῷ τῶν κύκλων ἐπίπεδῳ
 κείνῳ ἀγόμεναι, ἴσαι τε εἰσὶν καὶ ἐπὶ τῷ κέντρῳ
 τῶν κύκλων πίπτουσιν. ὥστε αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ τῆς
 σφαῖρας ἐπὶ τὸ κέντρον τῷ κύκλου τῷ περιλαμ-
 βάνοντος τὸ, τε τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, καὶ τὸ τῷ
 δωδεκαέδρου πεντάγωνον, ἴσαι εἰσὶ, τετέστι αἱ κεί-
 νηται. ἰσοϋψεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βά-
 σης ἔχουσαι τὰ τῷ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ
 αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τῷ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ
 ἰσοϋψεῖς πυραμίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις. ὡς ἄρα τὸ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον,

οὕτως ἡ περαμὶς ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ τῷ δωδεχάεδρῳ
 πεντάγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας,
 ὡς πρὸς τὴν περαμίδα ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ τῷ εἰκο-
 σαέδρῳ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας.
 καὶ ὥς ἄρα δώδεκα πεντάγωνα ὡς εἴκοσι τρίγω-
 να, οὕτω δώδεκα περαμίδες πενταγώνους βάσεις
 ἔχουσαι ὡρὸς εἴκοσι περαμίδας τρίγόνους βάσεις
 ἔχούσας. καὶ δώδεκα πεντάγωνα ἢ τῷ δωδεχαέ-
 δρου ὁπιφανεία ἐστὶν, εἴκοσι δὲ τρίγωνα ἢ τῷ εἰκο-
 σαέδρῳ ὁπιφανεία ἐστὶν. ἔστιν ἄρα ὥς ἡ τῷ δωδεχαέ-
 δρῳ ὁπιφανεία ὡρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρῳ ὁπιφανείαν,
 οὕτω δώδεκα περαμίδες πενταγώνους βάσεις ἔχου-
 σαι ὡρὸς εἴκοσι περαμίδας τρίγόνους βάσεις ἔχού-
 σας. καὶ εἰσὶ δώδεκα μὲν περαμίδες πενταγώ-
 νους βάσεις ἔχουσαι, τὸ τερεὸν τῷ δωδεχαέδρῳ, εἴ-
 κοσι δὲ περαμίδες τρίγόνους βάσεις ἔχουσαι, τὸ τε-
 ρεὸν τῷ εἰκοσαέδρῳ. καὶ ὥς ἄρα ἢ τῷ δωδεχαέδρῳ
 ὁπιφανεία ὡρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρῳ, οὕτω τὸ τερεὸν
 τῷ δωδεχαέδρῳ ὡρὸς τὸ τερεὸν τῷ εἰκοσαέδρῳ. ὥς
 δὲ ἢ ὁπιφανεία τῷ δωδεχαέδρῳ ὡρὸς τὴν ὁπιφα-

ἡ δὲ εἰκοσαέδρου, οὕτως ἐδείχθη ἢ ὅτι κύβου πλευ-
 ρὰ πρὸς τὴν ὅτι εἰκοσαέδρου πλευράν. καὶ ὡς ἄρα ἢ
 τῇ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῇ εἰκοσαέδρου πλευ-
 ράν, οὕτω τὸ τερεὸν ὅτι δωδεκαέδρου πρὸς τὸ τερεὸν τῇ
 εἰκοσαέδρου.

SCHOLIUM.

Nunc autem probandum est, quemadmodum se
 habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habere
 solidū dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cum enim
 aequales circuli comprehendant & dodecaëdri pen-
 tagonum & Icosaëdri triangulum, eidem sphaerae
 inscriptorum: in sphaeris autem aequales circuli æ-
 quali intervallo distent à centro (siquidem perpen-
 diculares à sphaerae centro ad circulorum plana du-
 ctæ & aequales sunt, & ad circulorum centra ca-
 dunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à
 sphaerae centro ducuntur ad centrum circuli com-
 prehendentis & triangulum Icosaëdri & penta-
 gonū dodecaëdri, sunt aequales. Sunt igitur æqua-
 lis altitudinis Pyramides, quæ bases habent ipsa
 dodecaëdri pentagona, & quæ, Icosaëdri trian-
 gula. At æqualis altitudinis pyramides rationem
 inter se habent eam quam bases, ex 5. & 6. 11.
 Quemadmodum igitur pentagonum ad triangu-

gulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autē, sphaerae centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autē, sphaerae centrum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides, quorum pentagonae sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonae habeant bases. Ad pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigonae sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti autem pyramides, quae trigonae habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quemadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΉΕ, ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς οἶονταί πινες, ὡς ἄλλοι δὲ, γ' ΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ὡς ἔτι τῶν ἑσώματων,

δεύτερον.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMUMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant: vt

autem alij, Hypsiclis

Alexandrini, de

quinque cor-

poribus,

LIBER SECVNDVS.

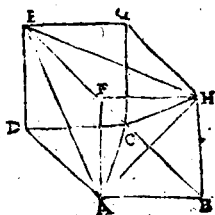
Προτάσεις.

α.

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πνευματὶ ἐγχεῖται.

Problema 1. Pro-
positio 1.

In dato circulo pyra-
midem inscribere.

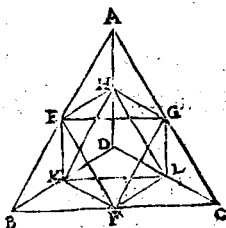


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐντέθειται.

Problema 2. Pro-
positio 2.

In data pyramide oc-
taëdru inscribere.

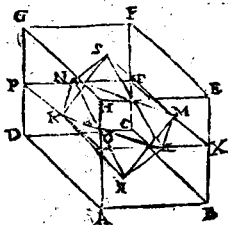


γ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐντέθειται.

Problema 3. Pro-
positio 3.

In dato cùbo octaëdrũ
inscribere.

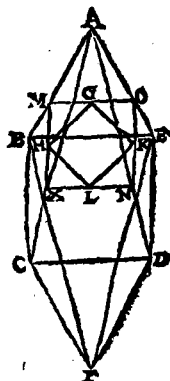


δ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐντέθειται.

Problema 4. Pro-
positio 4.

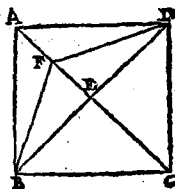
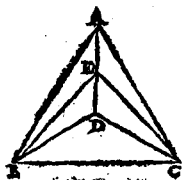
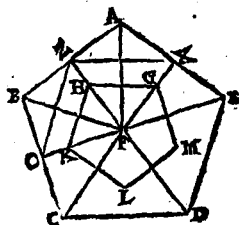
In dato octaëdro cubum
inscribere.

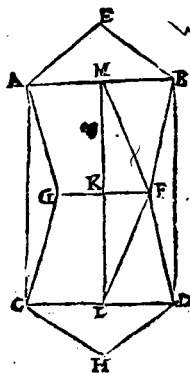
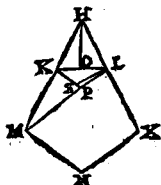
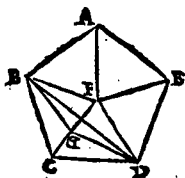


Εἰς τὸ δοτὲν ὀκταῖδρον δωδεκαῖδρον ἐνγεῖν.

Probl. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icosaëdro dω-
decaëdron inscribere.





ΣΚΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἶδέναι ἡμῶν, ὅτι ἐὰν τις ἐρεῖ ἡμῖν πάσας πλευ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσάεδρον, φήσομεν οὕτως. Φανερόν ὅτι
 ὑπὸ εἴκοσι τριγώνων περιέχεται τὸ εἰκοσάεδρον,
 καὶ ὅτι ἕκαστον τρίγωνον ὑπὸ τριῶν εὐθέων περιέ-
 χεται. δεῖ οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἴκοσι
 τρίγωνα ὅτι τὰς πλευρὰς τῶν τριγώνων, γίνεται δὲ
 ἐξήκοντα, ὧν ἡμῖς γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ
 ὅτι δωδεκάεδρου. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-
 γωνα περιέχουσι τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἕκα-
 στον πεντάγωνον ἔχει πέντε εὐθείας, ποιῶμεν δω-
 δεκάκις πέντε, γίνεται ἐξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμῖς
 γίνεται τριάκοντα. ἀλλὰ τί δὲ τὸ ἡμῖς ποιῶμεν,
 ἐπειδὴ ἔχεται πλευρὰ, καὶ ἅντε ἢ τριγώνου, ἢ πεντα-
 γώνου, ἢ τετραγώνου, ὡς ὅτι κύβου, εἰς δευτέρου λαμ-
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὅτι κύβου, καὶ
 ὅτι τῆς πυραμίδος, καὶ τῶν ὀκτάεδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας, εὐρήσῃς τὰς πλευρὰς. εἰ δὲ βεληφείης πάλ-
 λιν ἕκαστον τῶν πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλ-

λιν τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε τὸ τετράγωνον ἐπίπεδον
 τὸ περιέχοντα μίαν γωνίαν τῷ τερεῖ, οἷον ἐπειδὴ
 πλὴν τῆ εἰκοσαέδρου γωνίαι περιέχουσιν ἓ τρίγωνα,
 μέριξε τὸ τετράγωνον εἰς, γίνονται δώδεκα γωνίαι τοῦ εἰ-
 κοσαέδρου. ὅτι δὲ τοῦ δωδεκαέδρου, τρία πεντά-
 γωνα περιέχουσι πλὴν γωνίαι, μέρισον τὸ τετράγωνον
 εἰς τρία, καὶ ἕξ ἑκάστη γωνία οὖσα τῷ δωδεκαέδρου. ὁ-
 μοίως δὲ καὶ ὅτι τῆς λοιπῆς εὐρήσης τῆς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδου στοιχείων.

SCHOLIUM.

*Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosæ-
 drum habeat latera, ita respondendum esse. Patet
 Icosædram viginti contineri triangulis, quodli-
 bet verò triangulum rectis tribus constare lineis.
 Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula
 in trianguli unius latera, fiuntque sexaginta, quo-
 rum dimidium est triginta. Ad eundem modum
 in dodecaëdro. Cum enim rursus duodecim penta-
 gona dodecaëdram comprehendant, itemque pen-
 tagonum quodvis rectis quinque cōstet lineis, quin-
 que duodecies multiplicamus, fiunt sexaginta, quo-*

rum rursus dimidium est triginta. Sed cur dimidium capimus? Quoniam vnumquodque latus siue sit trianguli siue pentagoni, siue quadrati, ut in Cubo, iterato sumitur. Similiter autem eadem via & in cubo & in pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quod si item velis singularum quoque figurarum angulos reperire, facta eadem multiplicatione numerum procreatum partire in numerum planorum quæ vnum solidum angulum includunt: ut quoniam triangula quinque vnum Icosaëdri angulum continent, partire 60. in quinque, nascuntur duodecim anguli Icosaëdri. In dodecaëdro autem tria pentagona angulum comprehendunt, partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri angulos viginti. Atque simili ratione in reliquis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.





