

Notes du mont Royal



www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur «*Notes du mont Royal*» dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES

Bibliothèque électronique suisse

EYKALEIDΟΥ

ΤΩΝ ΠΕΝΤΕ ΚΑΙ ΔΕΚΑ ΣΤΟΛ

ΧΕΙΩΝ, ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΘΕΩΝΟΣ

παντού τὸ πεῖσμα.

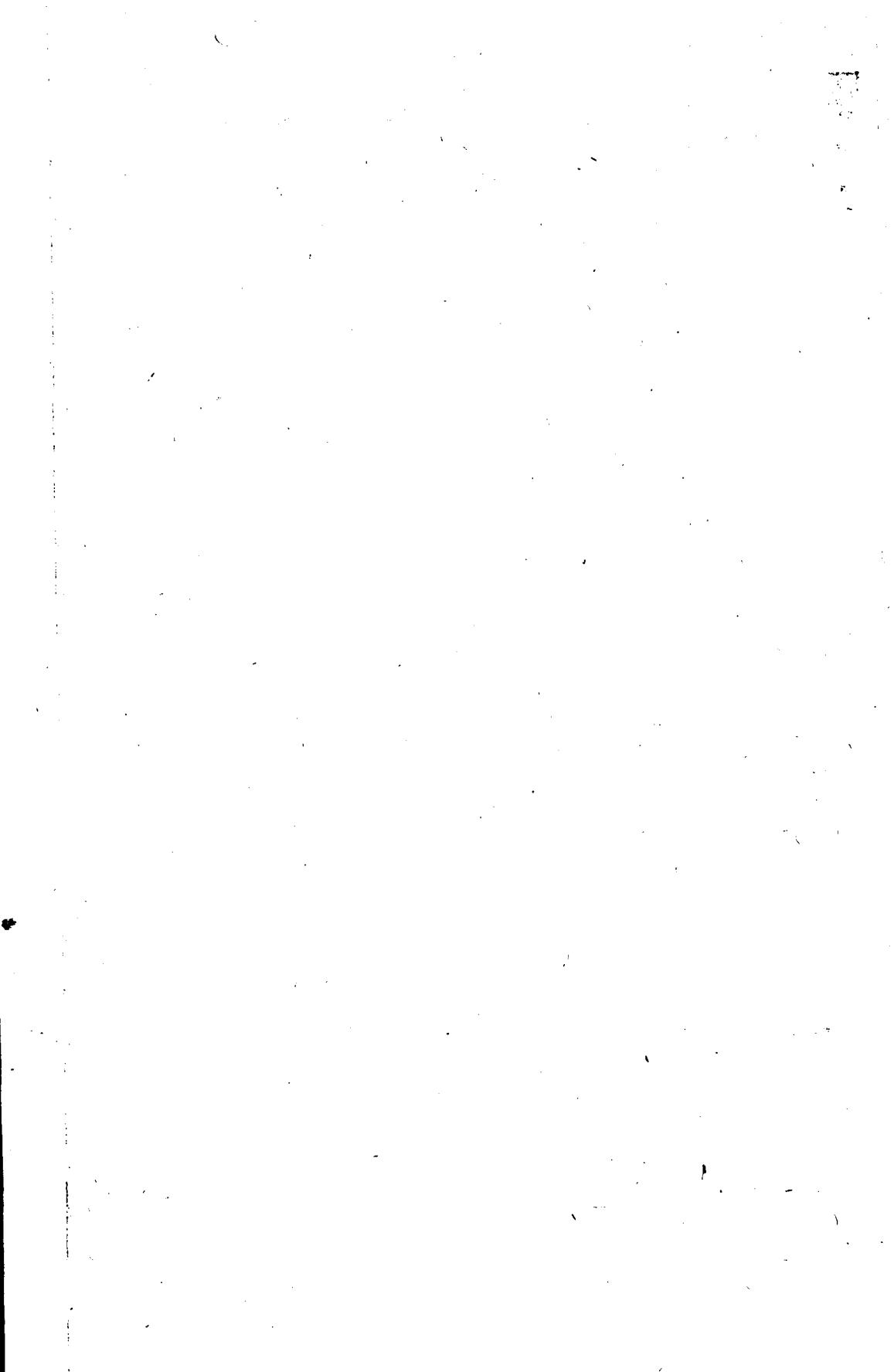
EVCLIDIS QVINDE
cim Elementorum Geometriæ
primum: ex Theonis Commen-
tarijs Græcè, & Latinè.

Cui accesserunt
Scholia, in quibus quæ
ad percipienda Geometriæ Ele-
menta spectant, breuiter & dilucide ex-
plicantur, authore Cunrado Da-
syphodio, Scholæ Argentis-
nensis professore.

ARGENTORATI EXCV.
debat Christianus Mylius,

M. D. LXIII.





CVN R A D V S
D A S Y P O D I V S
LECTORI - S. D.

NNIS viginti sex nostri
Gymnasij cōsuetudo fu-
it: ut qui ex classib[us] ad
publicas lectiones pro-
mouentur, primum audiant Euclidis
librum: quō p[re]cepta τῆς Διποδίξεως
exercere, & ad usum aliquem accom-
modare possint: siquidem nemo faci-
lius vim, & efficaciam eorum, quae in
libro de demonstratione explicantur:
aut etiam ab ipso Aristotele in suo or-
gano traduntur, intelliget: quam qui
in puluerem descenderit Geometricū.
Idcirco in nostra schola prudēter hoc
est institutum: ut post linguarum &
artū cognitionem, in disciplinis Ma-
thematicis adolescentes exerceantur:
p[re]sertim verò hoc probandum, &
laudandum, quod in ipso disciplinarū
vestibulo, cognitionem terum Geo-

A 2 meuri-

PRÆFATI^O.

metricarum sibi comparent, & in h̄s
quæ certissimis nituntur rationibus,
sua exacuant ingenia: vt assuescant eo
facilius naturæ & cæterarum artium,
atq; disciplinarum abstrusiora com-
prehendere. Nam & Pythagoricorū
hoc quoq; fuit γῆμα, καὶ βῆμα: quo di-
cto volebant significare, pueros esse
quam primum deducendos ad Geo-
metriæ cognitionem, & ita gradatim
per mathematicas disciplinas ad altio-
ra ascendendum. sicuti & Plato nem-
inem aptum & idoneum iudicauit ad
percipienda Philosophiæ præcepta;
nisi instructus esset rebus Geometri-
ciis, cum diceret: ἀδεῖς ἀγεωμέτρη γίγνεται. Ita q; cum hanc studiorum ratio-
nem omnibus eruditis, etiam antiquissi-
mis Philosophis probari viderem,
tanquam studiosis adolescentibus uti-
lem, & valdè necessariam: fui & ego
quoq; nostro Typographo author, &
suasor, vt cum nulla amplius extarent
exem-

PRÆFATIO.

exemplaria, hunc libellum imprimere: ne bona, & fructuosa scholæ nostræ constitutio intercideret, quoniam verò plerosq; audiebam de difficultate demonstrationum Geometricarū solere conqueri, meis quibuscumq; illustrare volui scholīs. Idq; eo feci consilio, nō vt egregij & magni quid cogitarem edere. Sciebam enim rem esse paruam, necq; ullius ingenij aut industriæ ex Proculo, aut alijs decerpere ea quæ propriè ad hanc tractationē pertinent: sed vt in assequendis hisce disciplinis, bonos adolescentes Geometrię imperitos aliquantulum mea iuuarem opera. Nam Geometrię elementa nuda, atq; sterilia videtur, & prima fronte nullum peculiarē præ se ferunt fructum: sed si aditus ad ea percipienda præparetur, aut si quis diligentius consideret, & intueatur ipsam ὀντογνώμαιν τελεμέτρικῶν λόγων: atq; perpendat exactius ipsam μετρίαν, καὶ οὐεχθαν τῶν πρε-

A 3 τάσεων,

PRÆFATIO.

τάσεων, cæteraque omnia, quæ Geometria tractat, ad amissim examinet: tum abundè se ostendunt utilitates in res humanas sese diffundentes: quas hoc loco enumerare prolixū esset. Quantum igitur in me fuit, simplici & aper-
to sermonis genere, latinis verbis Gre-
ca interpretor: deinde brevibus schos-
tis, non nisi conor ea explicare, quæ
difficiliora sunt: neque omnia, sed præ-
cipua tantum, & maximè necessaria,
propediem certè plura, auxiliāte Deo.
Opt. Max. sum editurus, cum in hunc,
cum in alios Euclidis libros. Inter cæ-
tera verò etiam explicabo secundum
Euclidis librum, qui de potentia lineæ
rectæ demonstrationes habet Geo-
metricas. Quia verò τομὴ, καὶ διάγεσις
commune est σύμπλοκα linearum, cor-
porum, & numerorum: idcirco statui
demonstrationes illarum ipsarum se-
cundi libri propositionum addere, pe-
titas ex Arithmeticæ & Stereometrie
principiis

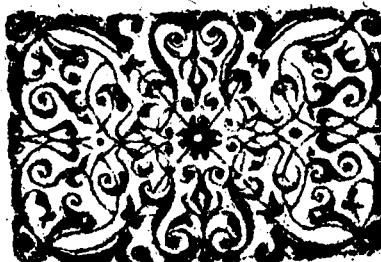
PRÆFATIO.

principis. Imò si commode fieri poterit, publicabo etiam ὀποιασικὸν γραπτόν: in quo explicabuntur vocabula huius scientiæ propria; quo studiosi possint terminos, ut vocant, artis intelligere, & sensum verborum assenti. Erit sanè dictionarium hoc, omnibus Philosophiæ studiosis utilissimum, & valde iucundum. Sunt nonnulla penes me, quæ cum confidam doctis viris grata & accepta fore, aliquando etiam in lucē emittam.

Calendis Aprilis,

Anno 1564.

ET KAELE



ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙ-
ΧΕΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ, ΕΚ ΤΩΝ
τοῦ Θέων Θεού συγστῶν.

ΟΡΟΙ.

ΣΗΜΕΙΟΝ ὅπερι, δὲ μέρος ἀνθεκτός.

Γραμμὴ ἡ, μηδὲ ἀπλατίς.

Γραμμῆς δὲ τάξις οὐκέται.

Εὐδέλη γραμμῆς ὅπερι, πτις δύστοις οφείσιν οὐκέται.

Επιφάνεια δὲ ὅπερι, οὐκέται περὶ πλάνης τοῦ μόνον ἔχει.

Επιφάνειας ἡ προστατεύουσα, γραμμαῖς.

Επιπεδὸς επιφάνειας ὅπερι, πτις δύσιν ταῖς οφείσιν οὐκέται.

Επίπεδος δὲ γωνία ὅπερι, δὲ μὲν διπλήδιψη
δύο γραμμῶν ἀπέγομέν των ἀλλήλων,
περὶ μηδὲν δὲ οὐδέποτε λεπτίσαντα, πρὸς
ἀλλήλας τῷν γραμμῶν κλίσις.

Οὐαρ δὲ αἱ περιέχοσαι τὸν γωνίαν γραμ-
μαῖς, οὐθὲν αὖτις, οὐθὲν γραμμῇ οὐκέται
οὐαρ οὐ γωνία.

Οταν δὲ οὐθὲν ἐπὶ οὐθὲν γενέσθαι, τὰς

οφείσις γωνίας οὐαρ ἀλλήλους ποιεῖ, διότι ὅπερι οὐαρ οὐαρ
τῷν οὐαρ γωνίων. Καὶ οὐ φέσκεται οὐθὲν οὐθετός οὐκέται
οὐαρ, οφείσις οὐ φέσκεται.

Διηγήσεις

EVCLIDIS ELEMENTVM

primum ex Theonis Commentarijs.

Definitiones.

Punctum est, quod partem non habet.

Linea est, longitudo absque latitudine.

Termini linea^e sunt puncta.

Linea recta est, qua ex aequo posita est inter sua puncta.

Superficies est, qua longitudinem & latitudinem tantum habet.

Termini superficieⁱ sunt linea^e.

Plana superficies est, qua ex aequo posita est inter suas linea^es rectas.

Angulus planus est, duarū linearū sefe in plāno tangentiū, & nō ex aduerso positarum mutua inclinatio.

Rectilineum vocamus angulum, quem linea^es rectae continent.

Cum recta super rectam stans, angulos vicos inter se fecerit aequales: rectus est uterque aequalium illorum angulorum.

Recta vero linea angulos illos aequales faciens: perpendicularis dicitur ad eam lineam, super qua consistit.

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

Αυθέντικον διατάξειρ, ού μέγιστην δρόσιν.
Οξεῖα δὲ πεπλάσιων δρόσης.

Ορος δέ τοι, οὐ τινός εἴη πέρας.

Σχῆμα δέ τοι, τὸ ιστότινθ, οὐ τινῶν σφρίμ
πεπλάσιον.

Εύκλ. οὐδέ τοι, σχῆμα πεπλάσιον, τὸ διπλᾶ
γραμμῆς πεπλάσιον, οὐ λατέτη
πεπλάσιον, πρὸς οὐδὲ φέρειν
τὸν οὐτός τοι σχῆματθε λεπίνων,
πᾶσαι δὲ πρόσοπά τοι οὐδὲν, οὐδὲ
αλλήλαις εἰσί.

Εὐρού δέ, τοι εύκλου τὸ σημεῖον κατε
λέπτα.

Διάμερός δέ τοι εύκλιτος εἴσιρ, οὐθέαστις
διὰ τοι πίστρυν γύμνην, οὐ πραγμάτην
οὐδὲ φέρειν τοι μέρη τοῦτο τοι
αλλὰ πεπλάσιας, οὐτε, οὐδὲ μέτρα τέμε
νει τοι εύκλου.

Εύκλιπλιον δέ τοι, τὸ πεπλάσιον σχῆ
μα υπότιτο δέ μιάμερον, ηγετὴ δὲ ἀπό
λαμβανομένης υπὸ αὐτῆς δέ τοι εύ
κλα πεπλάσιας.

Τοῦτο εύκλιτος τοι πεπλάσιον υπότι
το οὐθέαστι, ηγετὴ εύκλιτος πεπλάσιας.

Ευθύγραμμα σχῆματα εἴσι, οὐτε οὐδὲν πεπλάσιον.

Τρίπλον

Obtusus angulus est, qui recto est maior.

Acutus vero, qui recto est minor.

Terminus est, quod alicuius finis est.

Figura est, quæ termino aliquo, aut aliquibus terminis continetur.

Circulus est figura plana, vna linea conten-
ta, quam vocamus circumferentiam: ad
quam ab uno aliquo ex punctis, quæ intra
ipsam sunt, omnes lineæ rectæ prociden-
tes, inter se sunt æquales.

Centrum vero circuli, vocatur hoc in circu-
lo medium.

Dimetiens circuli est, recta quædam linea, per
Centrum circuli ducta, utring ad circum-
ferentiam circuli definens: ipsumq; circu-
lum in duas partes æquales diuidens.

Semicirculus est figura, quam dimetiens cir-
culi, & intercepta à dimetiente circumfe-
rentia continet.

Segmentum circuli est, figura, quam linea re-
cta, & circuli circumferentia continet.

Rectilineæ figuræ sunt, quas rectæ lineæ am-
biunt.

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Τετράλογονα μηδὲ τὰ τέσσερα γωνίαι.

Τετράστικόντα δὲ τὰ τέσσερα γωνίαι.

Πολύτικόντα δὲ, τὰ τέσσερα γωνίαι, οὐ τανάστρων ισθεῖν πιθανόντων.

Ταῦτα δὲ τετράγωνα σχημάτων, ισόπλοιαν δὲ μηδὲ τρίγωνον ἔστι, τὸ τρίγωνον οὐκ εἶχον πλούρας.

Μονογενὲς διγώντα τὰς δύο μόνας ίσας εἶχον πλούρας.

Σκαληνόν δὲ, τὸ τὰς δύες άνισας εἶχον πλούρας.

Ετοι τὸν πλάγιον σχημάτων, Ορθογώνιον μηδὲ τρίγωνον ἔστι, τὸ εἶχον μίαν δρεπήματανίστη.

Αμβλυγώνταριν δὲ, τὸ μίκρην εἶχον αμβλύτερην γωνίαν.

Οξυγώνιον δὲ, τὸ τρίγωνος δεξιάς εἶχον γωνίαν.

Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχημάτων, τετράς τοντορινή δέ τις, διστολούσθω τε ἔστι, οὐδὲ δρογώντιον.

Πετρόμαντις δὲ, διόρθογώντιον μηδὲ, ἐκ ίσος πλούρων δὲ.

Ρόμβος δὲ, δισόπλοιον μηδὲ, ὃν ὁρθογώνιον μηδὲ.

Ρομβοειδὲς δὲ, τὸ τὰς ἀνισαντίου πλούρας τα πολιγωνίας, ίσας ἀπλάτην εἶχον, δέ οὔτε ισόπλοιον ἔστι, οὔτε ὁρθογώνιον.

Τέλος

LIBER I.

Trilateræ quidem, quas ambiunt tres rectæ.
Quadrilateræ vero, quas plures, quam quan-
tuor rectæ ambiunt.

Ex trilateris autē figuris. Triangulus æqui-
laterus est, qui tria habet æqualia latera.
Æquicrurus, qui duo tantum habet æqualia
latera.

Scalenus triangulus, qui tria habet inæqua-
lia latera.

Item ex trilateris figuris, triangulus rectan-
gulus est: qui angulum habet rectum.

Amblygonius, qui angulum habet obtusum.

Oxygenius qui angulos tres acutos habet.

Ex quadrilateris figuris, quadratum est, quod
æquilaterum est, & rectangulum.

Quadrangulum oblongum, quod rectangulum
quidem est, sed non æquilaterum.

Rhombus, quod æquilaterum quidem est,
sed non rectangulum.

Rhomboides, quod latera è regione posita ha-
bet æqualia, ac etiam angulos: non tamen
est æquilaterum, neq; rectangulum.

Τὰ δὲ παρὰ ταῦτα τιμάντων, Τραχύς γίνεται παλέσθω.
 Παράπληλοις ἐσὶ μὲν εὐθεῖαι, αἱ τινες ἐμ τῷ
 αὐτῷ σπικέδω γάρ, οὐδὲ ἐπιβαλλό-
 μεναι εἰς ἄποιρους φέρεται τὰ
 μέρη, ὅπερ μηδετέρα συμπίστησιν
 ἀλλάζει.

ΑΙΤΗΜΑΤΑ.

Η ΤΗΣ ΘΩ, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ τὸν
 σημεῖον, εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Καὶ τὸ περασμένην εὐθεῖαν, καὶ τὸ σημεῖον
 ἐπὶ εὐθείας σκέψαλλεν.

Καὶ τῶν τὶ κέντρων, οὐδὲ διασήμων, κύκλου
 γράφεις.

ΚΟΙΝΑΙ ΕΝΝΟΙΑΙ.

ΤΑ ΤΩ αἴτια ίσαι, οὐδὲ ἄλληλοις ἐσὶν ιστοι.

Καὶ εὖλοις ίσαι περιστεθῆ, τὰ ὅλα ἐσὶν ίσαι.

Καὶ εὖλοις ἀπὸ ίσων ίσαι ἀφερεθῆ, τὰ καταλε-
 πόμενά ἐστιν ίσαι.

Καὶ εὖλοις ἀνίσοις ίσαι περιστεθῆ, τὰ ὅλα ἐσὶν ἀ-
 νιστοι.

Καὶ εὖλοις ἀνίσων ίσαι ἀφερεθῆ, τὰ λοι-
 πά ἐστιν ἀνίστοι.

Καὶ

LIBER I.

73

Omnis reliqua præter has quadrilateræ figurae, Trapezia vocentur.

Æquedistantes rectæ lineæ sunt, quæ in eodem
plane sitæ: & in infinitum ex utraq; par-
te extensæ: in neutra tamen concurrunt.

POSTVLATA.

Petatur. A quoquis puncto, ad quodvis pun-
ctum rectam lineam describere.

Item, lineam rectam finitam, in infinitum
vñq; extendere.

Item, quoquis centro, & interuallo describere
circulum.

COMMUNES NOTIONES, seu sententiæ.

Quæ eidem sunt æqualia, illa inter se sunt æ-
qualia.

Si æqualibus æqualia fuerint adiecta, etiam
tota sunt æqualia.

Si ab æqualibus æqualia fuerint ablata, etiā
quæ relinquuntur, sunt æqualia.

Si inæqualibus æqualia fuerint adiecta: etiā
tota sunt inæqualia.

Si ab inæqualibus æqualia fuerint sublata:
quæ relinquuntur sunt inæqualia.

Καὶ τὰ τῷ αὐτῷ διατάσσεται, ὃς ἀλλήλοις εἰσὶν.

Καὶ τὰ τῷ αὐτῷ ημίση, ὃς ἀλλήλοις εἰσὶν.

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα εἰς ἄλληλα, ὃς ἀλλήλοις εἰσὶν.

Καὶ τὸ ὄλον τῷ μέργει μεῖζον εἰσί.

Καὶ πάσημαί ὁρθαὶ γωνίαι, ὃση ἀλλήλαις εἰσί.

Καὶ εἰναὶ εἰς δύο εὐθεῖας, εὐθεῖα ἐμπίκρισσας,
τὰς ἑνῶσ, καὶ εἰς τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας,
δύω ὁρθῶν ἐλάσσονας τοιῇ, σκβαλλό-
μεναι αἱ σήμια ἀυταὶ εὐθεῖαι εἰς ἄποιρον,
συμπεσχνται ἀλλήλαις, ἐφ' ἣ μέρη εἰσὶν
αἱ ταῦ δύο ὁρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

Καὶ σήμια εὐθεῖαι, γωνίους τε περιέχουσαν.

Qna



Quæ sunt eiusdem dupla, inter se sunt aequa-
lia.

Quæ eiusdem sunt dimidia, inter se sunt a-
qualia.

Quæ applicata inter se conueniunt, sunt a-
qualia.

Totum est maius sua parte.

Omnes recti anguli inter se sunt aequales.

Cum in duas rectas, recta incidens linea, duos
internos ex una parte angulos, duobus
rectis facit minores: productæ istæ duæ li-
nea rectæ in infinitum, ex ea parte con-
current, ubi sunt illi duo anguli duobus
rectis minores.

Duæ lineæ rectæ figuram non faciunt.



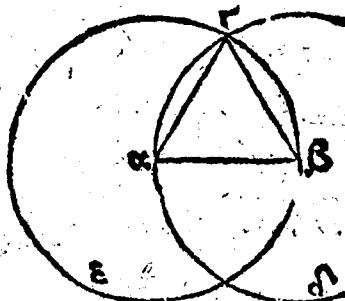
Πρότασις α. περίβλημα.

Επι της δοθέους σύνθειας τετράγωνος, τείχων ισόσταλού συστήσας.

(Εκδεσις.) Εῖσω ἡ σύρθισις τεπερασμένη, ἡ
ἀβ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ ἅπει τὸν ἀβ σύνθειαν,
τείχων ισόσταλον. συστήσας. (Καὶ α-
πειλή.) Κέντεω μὲν τῷ α, Διαστήματι δὲ τῷ
ἀβ, κύκλῳ γεράφθω, ὁ βόγε. καὶ τάλιν
κέντεω μὲν τῷ β, Διαστήματι δὲ τῷ βα, κύ-
κλῳ γεράφθω, ὁ δὲ γ, καὶ ἀπὸ τοῦ γο-
μείον, καθ' ὃ τέμνεσθαι ἀλ-
λῆλες οἱ κύκλοι, ἅπει τὰ
α, β, σημεῖα, ἐπεζύγισθω-
σαν σύνθειαν, αἱ γα, γβ.
(Απόδεξις.) Επειδὴ τὸ
απομεῖον, κέντεον εἶναι

γενέσικλον: οπέστιν η ἀγ τῇ ἀβ, πάλιν ἐπει-
τὸ β σημεῖον, κέντεον εἶναι, τοῦ γαδὲ κύκλον, ἵση
εῖναι β γ, τῇ βα. ἐδείχθη δὲ καὶ η γα, τῇ
αβίση. ἐκαίρεται σημεῖον γα, γβ, τῇ αβ ἐ-
στιν ἵση. τὰ δὲ αὐτῶν ἵση, ἐλλήλοις εἶναι τοι,
καὶ η γα σημεῖον τῇ γβ εῖναι ἵση. αἱ τρεῖς σημεῖαι

γα,



Propositio prima. problema.

SV per data linea recta finita, triangulum æquilaterum constituere.

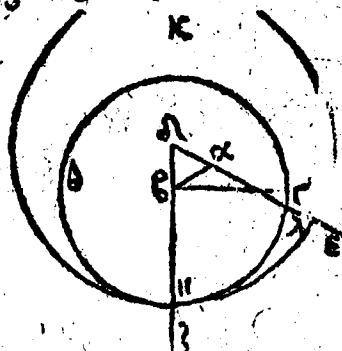
Explicatio dati.) Sit data linea recta finita $\alpha\beta$. (*Explicatio quæfisi.*) Oportet super linea recta $\alpha\beta$, triangulum æquilaterum constituere. (*Delineatio.*) Centro α , interuallo $\alpha\beta$, describatur circulus $\beta\gamma\epsilon$. Item centro β , interuallo $\beta\alpha$, describatur circulus $\alpha\gamma\delta$. Ducantur deniq^z linea recta $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, (*Demonstratio.*) Quoniam punctum α , est centrum circuli $\gamma\beta$: idcirco recta $\alpha\gamma$, est æqualis rectæ $\alpha\beta$. rursus quoniam punctum β , est centrum circuli $\gamma\alpha$: idcirco recta $\beta\gamma$, æqualis est rectæ $\beta\alpha$. Verum demonstratum est, quod recta $\gamma\alpha$, etiam æqualis sit rectæ $\alpha\beta$. Ergo utraq^z rectarum $\gamma\alpha$, $\gamma\beta$, est æqualis rectæ $\alpha\beta$. Quæ verò eidem sunt æqualia, illa etiam inter se sunt æqualia. Ergo $\gamma\alpha$ recta, etiam æqualis est rectæ $\gamma\beta$. Tres igitur linea rectæ $\gamma\alpha$, $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, sunt in-

γά, αβ, γυ ίσαι ἀλλήλαις εἰσίν. (Συμπέρασμα.) Ισόωλδρον ἄρχει τὸ ἄβγ τρίγωνον, καὶ συνέδεται ὅπερι τὸ δοθέντος δύναμα πεπεριφέντης τῆς ἄβ. ὅπερι ἔδειξοι ποσα.

Πρότασις β. πεόβλημα.

ΠΡὸς τῷ διοθέντι ομείω, τῇ δοθέντῃ δύναμι, ίσαι δύναμεις θέασι.

Εκφεσις.) Εῖναι τὸ μὲν δοθὲν ομεῖον τὸ ἄ, ἢ διοθέντα δύναμα ή βγ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ πέσος τῷ ἄ ομείω, τῇ γυ δύναμα, ίσην δύναμα θέασι. (Κατασκόπη.) Επεζύχθω γὰρ πότε τῷ ἄ ομείῳ, ὅπερι τὸ διομεῖον, ένθεῖα ή ἄβ, καὶ συνεσάτω ἐπ' αὐτῆς τρίγωνον ισόωλδρον, τὸ δαβ. καὶ σκέψεοβληθωσαν ἐπ' ένθεῖας παῖς δά, δύ, δύ-
θεῖα, αἱ δε, δύ, καὶ κέντρω μὲν τῷ β, Δια-
σήμαν δὲ τῷ βγ, κύκλος γεωγράΦθω ὁ γηθ.
Ἐπάλιν κέντρω μὲν τῷ δι, διασήμαν δὲ τῷ
δη. κύκλος γεωγράΦθω ὁ γηλ. (Απόδει-
ξις.)



ter se aequales. (Conclusio.) Triangulus itaq; a β y, est aequilaterus: & consistit super data linea recta finita a β . Quod faciendum erat.

Propositio secunda. Problema.

Ad punctum datum, linea rectæ data, & aqualem lineam rectam ponere.

Explicatio dati.) Sit punctum datum a, & data recta linea β y. (Explicatio quæsiti) Ad punctum datum a, data linea rectæ β y, ponenda est recta linea aequalis. (Delineatio.) Ab a punto, ad punctum β , ducaatur linea recta a β , & super linea a β statutur triangulus aequilaterus a β β . Extendantur etiam linea rectæ d α , d β versus puncta e, γ , & fiant rectæ a e , $\beta\gamma$. Centro quoq; β , interuallo β y, describatur circulus y $\eta\theta$. Item Centro d α , interuallo d η , describatur circulus $\eta\mu\lambda$ (secans lineam rectam d γ , in punto η .)

Demon-

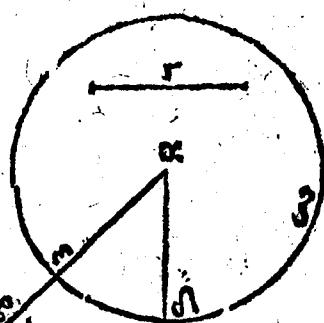
Σιε.) Εωσὶ δὲ τὸ βοητεῖον κέντρου εῖναι τὸ γῆθος κύκλῳ, ἵστηται δὲ τῷ βῃ, τῇ βῃ καὶ πάλιν, εἴσει τὸ δομητεῖον, κέντρου εῖναι τὸ ηλίον κύκλῳ, ἵστηται δὲ δλ., τῇ δη, ὡν ηδα, τῇ δβίσηται. λοιπὴν ἀρχὴν αλ., λοιπὴν τῇ βῃ εἰσὶν ἵστη. ἐδείχθη δὲ τῇ βῃ, τῇ βῃ ἰση. ἐκπέραρχη ἀρχὴ τῶν αλ., βῃ, τῇ βῃ εἰσὶν ἵστη. τὰ δὲ τὰ αἴτια ἵστη, καὶ ἄλληλοις εἰσὶν ἵστη. καὶ η αλ ἀρχα, τῇ βῃ, εἰσὶν ἵστη. (Συμπέρασμα.) Πρὸς ἀρχὴν τῷ δοθέντι σημεῖῳ τῷ α, τῇ δοθείσῃ δύθειᾳ τῇ βῃ, ἵστη δύθεια πεῖται η αλ. ὅπερ εἴδει ποιησεῖ.

Πρότασις γ. πρόσβλημα.

ΔΤο δοθεῖσῶν δύθειῶν αἵστων, ἀπὸ τῆς μείζονος, τῇ ἐλάσσονι ἵστη δύθεια αφελεῖν.

Εκφεσις.) Εγωσαν διδοθεῖση μέσον δύο δύθειῶν αἵστων αἱ αβ, γ, ὡν μείζων εἶναι η αβ. (Διορισμός.)

Δεῖ δὴ ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς αβ, τῇ ἐλάσσονι τῇ βῃ, ἵστη δύθεια αφελεῖν. (Κατάσκοπή.) Καί φα



Demonstratio.) Quoniam punctum β est centrum circuli $\gamma\eta$: idcirco recta $\beta\gamma$, est æqualis rectæ $\beta\eta$. Item quoniam punctum δ , est centrum circuli $\eta\lambda$: igitur recta $\delta\lambda$ est æqualis rectæ $\delta\eta$, ex quibus $\delta\lambda$ fuit æqualis rectæ $\delta\beta$. reliqua igitur $\alpha\lambda$, reliqua $\beta\eta$ est æqualis. Vtraq; idcirco rectarum $\alpha\lambda$, $\beta\gamma$, est æqualis rectæ $\beta\eta$. quæ verò eidem sunt æqualia, illa etià inter se sunt æqualia. quare recta $\alpha\lambda$, etiam erit æqualis rectæ $\beta\gamma$.
(Conclusio.) Ad datum igitur punctum α , datae linea rectæ $\beta\gamma$: æqualis posita est recta linea $\alpha\lambda$, quod faciendum erat.

Propositio tertia. Problema.

DVibus rectis inæqualibus datis: ex maiore minori æqualem rectam lineam auferre.

Explicatio dati.) Sit data linea recta maior $\alpha\beta$, minor verò y . (**Explicatio quæsiti.**) Ex maiore linea $\alpha\beta$, tollenda est recta æqualis linea y . (**Delineatio.**) Ponatur

Θω πέδος τῷ ἀσπριτῷ, τῇ γυθείᾳ, οὐ η̄ ἀδ;
 καὶ κέντρῳ μὲν τῷ ἀ, Διαστήματι δὲ τῷ ἀδ κύκλῳ
 καὶ γεγάφθω ὁ θεός. (Απόδειξις) Καὶ
 ἐπεὶ τὸ ἀσπριτον, κέντρον εἶται δέ τοι κύκλος,
 οὐ εἰν η̄ ἀδ, τῇ ἀδ. ἀλλὰ καὶ η̄ γ, τῇ ἀδ εἰ-
 σὶν ιση. ἐκάτερα ἀρχα τῶν ἀδ, γ, τῇ ἀδ εἰσὶν ι-
 οπ. ὥστε καὶ η̄ ἀδ τῇ γε εἰσὶν οὐ. (Συμπλέγοσ-
 μα.) Δύο ἀρχα δοθεῖσαι δύθειῶν αἵσων τῶν
 αβ, γ, ἀπὸ τῆς μείζονος τοῦ ἀβ, τῇ ἐλάσσονι
 τῇ γ, ιση ἀφήρεται η̄ ἀδ. ὅπερ εἴδετοι οὖν.

Πρότασις θ. Γεώργια.

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο αλδυρὰς τοῖς
 δυσὶ αλδυραῖς οὐας ἔχη ἐκάτεραν ἐκάτε-
 ρα, καὶ τὰ γωνίαν τῇ γωνίᾳ ισην ἔχη, τὰς ύ-
 ων τῶν ισων δύθειων περιεχομένων: οὐαὶ τὰς
 βάσιν τῇ βάσει ισην ἔξει, Εἰ τὸ τρίγωνον τῷ
 τριγώνῳ ισον ἔσαι, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι τοῖς
 λοιπαῖς γωνίαις οὐκ ἔσονται, ἐκάτεραν ἐκάτε-
 ρα, οὐ φ' αἱ οὐαὶ ισαὶ αλδυραὶ τωσίειγον.

Εκθεσις.) Εῖναι δύο τρίγωνα, τὰ αβγ,
 δεζ, τὰς δύο αλδυρὰς τὰς αβ, αγ, τοῖς
 δυσὶ

tur ad punctum α , linea γ , æqualis recta li-
nea $\alpha\delta$. deinde centro α , interualllo $\alpha\delta$, de-
scribatur circulus $\delta\zeta$ (secans rectam $\alpha\beta$, in
puncto ϵ . (Demonstratio.) Quoniam punctum
 α , centrum est circuli $\delta\zeta$. idcirco recta $\alpha\epsilon$, est æ-
qualis rectæ $\alpha\delta$. Verū recta γ , etiā est æqualis
rectæ $\alpha\delta$. Vtraq; igitur rectarū $\alpha\epsilon$, γ , est æqua-
lis rectæ $\alpha\delta$. Quare $\alpha\epsilon$ etiā est æqualis rectæ γ
Duabus igitur rectis datis inæqualibus $\alpha\beta$,
 γ : ex maiore $\alpha\beta$, ablata est $\alpha\epsilon$, æqualis
minori γ . Quod faciendum erat.

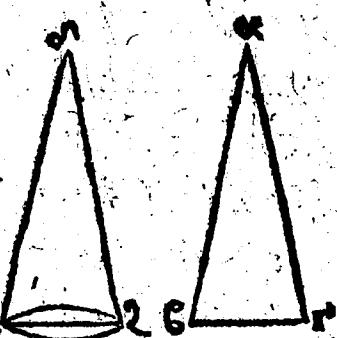
Propositio quarta. Theorema.

Si duo trianguli duo latera duobus
lateribus habuerint æqualia alterū
alteri: & angulum angulo æqualem,
qui cequalibus rectis lineis continetur:
etiam basim basi habebunt æqualem:
& triangulus triangulo erit æqualis;
& reliqui anguli, reliquis angulis erunt equa-
les, alter alteri, quos latera subredunt cequalia.

(Explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\delta\zeta\eta$, habentes duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$ æqualia,

C duo-

δυσὶ πλεύραις ταῖς δὲ,
διὸ οὐτε ἔχοντες εἰκάτερα
έκαλερα, τῷ μὲν αὐτῷ, τῇ
δὲ, τῷ δὲ αὐτῷ, τῇ δὲ, καὶ
γωνίαν τῷ ταὐτῷ αὐτῷ,
γωνία τῇ ταὐτῷ εδίσην.



(Διορισμὸς.) Λέγω δὲ, Εἴ βάσις ἡ Βγ, βάσι
τῇ εἰς ἴσην εἶναι, καὶ τὸ αὐτὸν τριγώνον τῷ δὲ τριγώνῳ
ἴσουν εἶναι, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς
λοιπαῖς γωνίαις ίσαι εἶναι) εἰκάτερα εἰκάτε-
ρα, ὁφέλεις αἱ ίσαι πλεύραι ταῦταιν γίνονται. Η
μεν ταῦτα αὐτῷ, τῇ ταὐτῷ δὲ, ηδὲ ταῦτα αὐτῷ,
τῇ ταὐτῷ δὲ. (Απόδειξις.) Εφαρμοζόμε-
ναι γὰρ τὸ αὐτὸν τριγώνον ὅπτι τὸ δὲ τριγώνον,
πεπιθεμέναι τῷ μὲν αἱ σημεῖα, ὅπτι τὸ δὲ σημεῖ-
αν, τῷ δὲ αὐτῷ διθεῖας, ὅπτι τῷ δὲ, εφαρμόσ-
καὶ τὸ βασικόν τὸ δὲ. Μηδὲ τὸ ἴσην είναι τῷ αὐτῷ,
τῇ δὲ. εφαρμοσάσκεις δὲ τῷ αὐτῷ ὅπτι τῷ δὲ,
εφαρμόσκεις δὲ τῷ αὐτῷ διθεῖα, ὅπτι τῷ δὲ. Μηδὲ
τὸ ἴσην είναι τῷ ταὐτῷ αὐτῷ γωνίαν, τῇ ταὐτῷ
εδίσης τῷ γραμμήσι, ὅπτι τῷ γραμμήσι εί-
φαρμόσκεις. Μηδὲ τὸ ἴσην πάλιν είναι τῷ αὐτῷ,
τῇ δὲ.

duobus lateribus $\delta \epsilon$, $\delta \zeta$ alterum alteri: la-
tus $\alpha \beta$, æquale lateri $\delta \epsilon$: & latus $\alpha \gamma$, æqua-
le lateri $\delta \zeta$: & angulum $\beta \alpha \gamma$, æqualem an-
gulo $\epsilon \delta \zeta$. (Explicatio quæsiri.) Dico
quod basi $\beta \gamma$, sit æqualis basi $\epsilon \zeta$: & trian-
gulus $\alpha \beta \gamma$, sit æqualis triangulo $\delta \epsilon \zeta$, &
reliqui anguli, reliquis angulis sint æquales,
alter alteri, quos æqualia illa latera subten-
dunt: angulus etiam $\alpha \beta \gamma$, sit æqualis an-
gulo $\delta \epsilon \zeta$: angulus deniq^z $\alpha \gamma \beta$, sit æqualis
angulo $\epsilon \delta \zeta$. (Demonstratio.) Quando e-
nim triangulus $\alpha \beta \gamma$, applicatur triangulo
 $\delta \epsilon \zeta$. Punctum α , ponitur super puncto δ :
& recta $\alpha \beta$, applicatur rectæ $\delta \epsilon$. Cadet e-
tiam punctum β , super puncto ϵ . quia $\alpha \beta$ est
æqualis rectæ $\delta \epsilon$. Deinde si recta $\alpha \beta$, appli-
catur rectæ $\delta \epsilon$: etiam recta $\alpha \gamma$, applicabitur
rectæ $\delta \zeta$. quoniam angulus $\beta \alpha \gamma$, proponi-
tur æqualis angulo $\epsilon \delta \zeta$. quare & punctum
 γ , applicabitur puncto ζ . cum recta $\alpha \gamma$, &
æ-
qualis

C 2 qualis

τῇ δὲ ἀλλὰ μηδὲ τὸ β, ὅπερ τὸ εἶναι φαρμόκει. ἀστε βάσις ή βγ, ὅπερ βάσιν τὴν εἰς εἰς φαρμόσα. εἰ γέ τοι, μὲν β ὅπερ τὸ εἶναι φαρμόσαν θέ, τοῦτο γέ τοι τὸ εἶναι βγ βάσις ὅπερ τὴν εἰς εἰς φαρμόσα, δύο διθεῖα χωρίου περέντας, οὐδὲ ἀδιώτατον. Εφαρμόσα ἄρξῃ βγ βάσις, ὅπερ τὴν εἰς, καὶ τοῦ αὐτῆς ἔσται, ὡς τοῦ ὅλου τὸ αβγ τριγώνον, ὅπερ ὅλου τὸ δεῖ τριγώνον εἰς φαρμόσα, καὶ τοῦ αὐτοῦ ἔσται ἔσται, η μὲν τοῦ αβγ, τῇ τοῦ δεῖ, η δὲ τοῦ αγβ τῇ τοῦ δεῖ. (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρξῃ δύο τριγώνα τὰς δύο τολμήρας τῶν διάστιντος εἶχη ἐκάτεραν ἐκάτερα, έτη την γωνίαν τῇ γωνίᾳ τοῦτον εἶχη, την τοῦτο τῶν τοῦτον διθεῖαν ἀδιεχομένην: καὶ την βάσιν τῇ βάσος τοῦτον εἶχε, καὶ τὸ τριγώνον τῷ τεργάνῳ τοῦτον εἶσαι: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνία τῶν λοιπῶν γωνίας τοῦτον εἶσαι τοῦτον εἶκατεραν ἐκάτερα, νφ' αἱ λοιπαὶ τοῦτον εἶναι τοῦτον. οὐδὲ εῖδει στρέψαν.

Πρότεροι ε. Γεώργιοι.

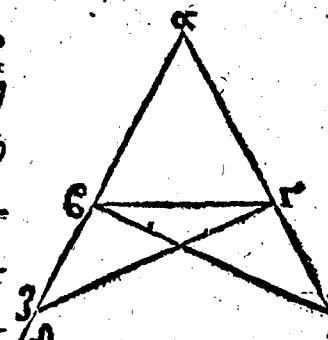
τῶν

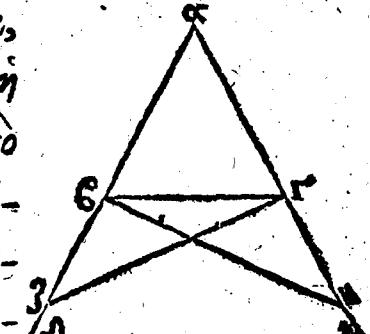
qualis sit rectæ d \angle ? Verum punctum β , applicabatur puncto e. Basis igitur $\beta\gamma$, basi e \angle applicabitur. Nam si punctum β , applicetur puncto \angle , & basis $\beta\gamma$, non applicetur basi e \angle : tum duæ rectæ figuram facient, quod est impossibile. Basis igitur $\beta\gamma$, basi e \angle applicatur, & est ei æqualis. Unde & totus triangulus $\alpha\beta\gamma$, toto triangulo d \angle applicabitur, & ei erit æqualis: & reliqui anguli, reliquis angulis applicabuntur, eisq; erunt æquales: angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo d \angle : & angulus $\alpha\gamma\beta$, angulo d \angle e. (Conclusio.) Si igitur duo trianguli, duo latera duobus lateribus habuerint æqualia alterum alteri, & angulum angulo æqualem, qui æqualibus rectis lineis continetur: etiam basin basi habebunt æqualem: & triangulus triangulo erit æqualis: & reliqui anguli, reliquis angulis erunt æquales alter alteri, quos æqualia illa latera subtendunt. quod erat demonstrandum.

Propositio quinta. Theorema.

C 3 Trian-

Τοι ισσοκελῶν τριγώνων, αἱ πέδοι τῆς Γάστρος γανίαμ ἵστη ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ περιττοῦ
βληθεσῶν τῶν ἴσων διῆθῶν, αἱ πέδοι τῆς Γάστρος στιγματία, ἵστη ἀλλήλαις ἔσονται.

Εκδεσις.) Ενώ τρίγωνον ισοπελές τὸ ἄνγ.
ἴσιμον ἔχον τὸν ἄνταλμάραν, τῇ ἀγ. ἀλαμρᾶν
καὶ προσεκβεβλήθωσιν ἐπ' οὐθείας λαῖς ἄν,
ἀγ., δυθεῖαι αἱ Βδ., γε. (Διοργυμὸς.) Λέγω ότι
ἡ μὲν τὸν ἄνγυ γωνία,
τῇ τὸν ἄγυ βιον ἴσην, η
δέ τὸν γεδ, τῇ τὸν
γε. (Κατασκόψῃ.) Εἰ-
λήφθω γδέ πτ. τὸ Βδ., πυ-
χὸν οπιμεῖον τὸ ζ, καὶ φη-
ρόθα δύο τὸ μείζον  τῆς αε, τῇ ελάττονι
τῇ αλγίον η αη, καὶ επεζεύχθωσιν αἱ ζγ, ηδ
εὐθεῖαι. (Απόδειξις.) Επεὶ γνίσηται η μὲν
αζ, τῇ αη, η δὲ αβ, τῇ αγ, δύο δη αἱ ζα, αγ,
δυσὶ ταῖς ηα, αβ, ισαὶ εἰσὶν ἐκάπερα ἐκάλε-
σαι. καὶ γωνίαν κοινῶν περιέχουσιν τὰ τὸ
ζαη. Κάσις ἀραι η ζγ, Κάσις τῇ ηδίσηται. καὶ
τὸ αλγ τρίγωνον, ταὶ αηβηγώνω ισουν εἶσαι.



TRiangulorum, qui duo æqualia habēt laterā, anguli ad basim sunt æquales. Et productis æqualibus illis rectis, etiam qui sub basi sunt anguli, inter se erunt æquales.

Explicatio dati.) Sit triangulus æquicrus $\alpha\beta\gamma$, habens latus $\alpha\beta$, æquale lateri $\alpha\gamma$: & producantur lineaæ $\alpha\zeta$, $\alpha\gamma$, ex eis evaginas, (hoc est, ut continuè extendatur secundum lineam rectam) & fiant rectæ $\zeta\delta$, $\gamma\epsilon$. (*Explicatio quæsiti*) Dico quod angulus $\alpha\beta\gamma$, sit æqualis angulo $\alpha\gamma\zeta$. Et quod angulus $\gamma\epsilon\delta$, sit æqualis angulo $\beta\gamma\epsilon$. (*Delineatio.*) Sumatur in linea $\zeta\delta$, punctum quodvis ζ' , deinde tollatur à maiore linea $\alpha\epsilon$, minori $\alpha\zeta'$, æqualis linea recta $\alpha\eta$. deniq^u ducantur rectæ $\zeta'\gamma$, $\eta\beta$. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\alpha\zeta'$ est æqualis rectæ $\alpha\eta$: & recta $\alpha\zeta$, æqualis rectæ $\alpha\gamma$: duæ igitur rectæ $\zeta'\alpha$, $\alpha\gamma$, duobus reæis $\eta\alpha$, $\alpha\zeta$ sunt æquales, altera alterè: & communem ambient $\gamma\alpha$ angulum, quare basis $\zeta'\gamma$, basi $\eta\zeta$ est æqualis, & triangulus $\alpha\zeta'\gamma$,

καὶ δὲ λοιπὰ μὲν γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις
ἴσαι ἔσονται ἐκάτερα ἐκάτερα, νόφ' αἱ οὐκ
τολμήσαι παραίνουσιν. η μὲν πατὸς αὐτοῦ, τῇ
πατὸς αὐτη̄, η δὲ υπὸ αὐτοῦ, τῇ πατὸς αὐτοῦ. οὐκ
ἐπεὶ ὅλη η αὕτη, ὅλη τῇ αὐτῃ εἰνὶ ἴση, ὡν η αὕτη
αὐτῇ εἰνὶ ἴση, λοιπὴ ἀρχὴ τοῦ, λοιπὴ τῇ γη ε-
σὶν ἴση. ἐδέιχθη δὲ οὐτη̄ τοῦ, τῇ ητοῦ. δύο δὲ
αἱ τοῦ, δυσὶ ταῖς γη, ητοῦ, οἷσι εἰσὶν, ἐκά-
τερα ἐκάτερα, οὐκ γωνίαι πατὸς τοῦ, γωνία
τῇ υπὸ γητοῦ εἰνὶ ἴση, καὶ βάσις αὐτῆς κοινή, η τοῦ.
Οὐτοῦ τοῦ ἀρχαὶ τοιγάνων, τῷ γητοῦ τοιγάνων
ἴσου εἶσαι, οὐτοῦ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς
γωνίαις οἷσι εἰσὶν) ἐκάτερα ἐκάτερα, νόφ' αἱ
οἱ οἷσι τολμήσαι παραίνουσιν. ιση ἀρχαὶ εἰσὶν, η
μὲν πατὸς τοῦ, τῇ πατὸς ητοῦ, ητοῦ πατὸς τοῦ,
τῇ πατὸς γητοῦ. ἐπεὶ δὲν ὅλη η πατὸς αὐτη̄ γω-
νία, ὅλη τῇ πατὸς αὐτοῦ γωνία εδέιχθη ἴση, ὡν
η πατὸς γητοῦ, τῇ πατὸς τοῦ εἰνὶ ἴση, οὐκ εἰσὶν
πέρι τῇ βάσει, τοῦ αὐτοῦ τοιγάνων. ἐδέιχθη δὲ καὶ
η υπὸ τοῦ, τῇ πατὸς ητοῦ εἰνὶ, οὐκ εἰσὶν πατὸς
τοῦ βάσις. (Συμπέρασμα.) Τῶν ἀρχαὶ οὐσικε-

λαν

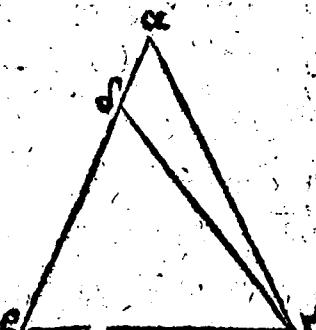
triangulo $\alpha\beta\gamma$ aequalis est: reliqui etiam anguli, reliquis angulis aequales sunt, alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt: angulus $\alpha\gamma$, angulo $\alpha\beta\gamma$: & angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo $\alpha\beta$. Cū vero tota recta $\alpha\gamma$, toti rectae $\alpha\gamma$ sit aequalis, & recta $\alpha\beta$ ablata, sit aequalis rectæ $\alpha\gamma$ ablatae. idcirco reliqua linea recta $\alpha\beta$, reliqua rectæ $\gamma\beta$ etiam erit aequalis. Verum recta $\gamma\beta$ demonstrata est aequalis esse rectæ $\gamma\beta$. duæ igitur rectæ $\beta\gamma$, $\gamma\beta$, duabus rectis $\gamma\beta$, $\eta\beta$ sunt aequales altera alteræ: & angulus $\beta\gamma$, aequalis est angulo $\gamma\beta$: basis etiam eorum communis est recta $\beta\gamma$: triangulus igitur $\beta\gamma$, triangulo $\gamma\beta$ etiam erit aequalis: & reliqui anguli, reliquis angulis aequales: quos aequalia illa latera subtendunt. angulus $\beta\gamma$, aequalis angulo $\eta\beta$: & angulus $\beta\gamma$, angulo $\gamma\beta\eta$. Quoniam nunc totus angulus $\alpha\beta\gamma$, toto angulo $\alpha\gamma$ demonstratus est aequalis: quoru[m] ablatus angulus $\gamma\beta$, ablato angulo $\beta\gamma$ est aequalis: ergo reliquus $\alpha\beta\gamma$ angulus, reliquo $\alpha\gamma$ angulo est aequalis, & sunt anguli ad basim trianguli $\alpha\beta\gamma$.

λόντηγάνων, αἱ πρὸς τὴν Βάσιν γωνίας, ἵσται
ἄλλήλαις εἰσὶ. καὶ περισεκτηθέσῶν τῶν ἐ-
στων εὐθεῶν, αἱ ταῦτα τὰς Βάσιν γωνίας, ἵσται
ἄλλήλαις ἔσσονται. οὕτῳ ἐδει μάθει.

Πρᾶγμα 5. Θεώρημα.

EΑν τελγάνται δύο γωνίας ἵσται ἄλλήλαις
ῶσι, καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἵσταις γωνίας ταῦται
γουσι τῷδε τοῦτον, ὅτι ἄλλήλαις ἔσσονται.

Εκθεσις.) Εῖσον τείγα-
νον, τὸ αἴγυ, ἵστη ἔχον τὰ
ταῦτα τοῦ αἴγυ γωνίαν, τῇ ὑ-
πὸ αἴγυ γωνίᾳ. (Διορί-
σις.) Λέγωστι καὶ τῷδε τῷ
αἴγυ, τῷδε τῇ αἴγῃ
σὺν ἴση. (Κατασκευὴ.) Εἰ γάνισός εἴπιν οὐ αἴγυ,
τῇ αἴγῃ, ηὔτερα αὐτῷ μείζων εἴπιν. εἶσον μετρῶν η
αἴγυ, καὶ ἀφηρήσω δότον τῷ μείζοντι αἴγυ, τῇ
ἐλάσσονι τῇ αἴγῃ, οὐ η δίβ. καὶ ἐπεζεύχθω η δίγυ.
(Απόδειξις.) Εἴσοδε τὴν ἴσην η δίβ τῇ αἴγῃ,
κεινὴ δίγυ: δύο δῆλοι δῆλοι, δύο δύο ταῖς αἴγαις,
γίγης, ἵσται εἰσὶν, ἐκάπερα ἐκατέρα, καὶ γωνία η ὑ-



Angulus vero $\alpha\beta\gamma$, angulo $\eta\zeta\epsilon$ demonstratus est aequalis esse: & sunt sub basi. (Conclusio.) Triangulorum igitur, qui duo habent aequalia latera, anguli ad basim sunt aequales, & productis aequalibus illis rectis, etiam qui sub basi sunt anguli, inter se erunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

Propositio sexta. Theorema.

Si trianguli duo anguli aequales inter se fuerint: etiam latera, quae aequales illos angulos subtendunt, erunt inter se aequalia.

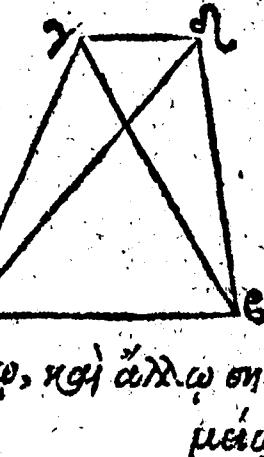
Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, habens angulum $\alpha\beta\gamma$, aequalem angulo $\alpha\beta\beta$. Explicatio quæsiti.) Dico quod latus $\alpha\beta$, est auale lateri $\alpha\gamma$. (Delineatio cum hypothesi.) Si enim recta $\alpha\delta$, non est aequalis rectæ $\alpha\gamma$: altera illarum erit maior, sit recta $\alpha\beta$ maior. ex recta $\alpha\beta$ maiore: linea rectæ $\alpha\gamma$ minori auferatur linea recta $\beta\delta$ aequalis: & ducatur recta $\delta\gamma$. (Demonstratio.) Quoniam latus $\delta\beta$, auale est lateri $\alpha\gamma$, & commune latus $\delta\gamma$: duo igitur latera $\delta\epsilon$, $\beta\gamma$, duobus laterib^o $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$

πόδιβη, γωνία τῇ. ὑπὸ αὐτῷ εἰνὶ ίση. Βάσις
ἄρσει δή, βάσις τῇ αὐτοῦ εἰν. Καὶ τὸ αὐτῷ
τριγώνον, τῷ δύῳ τριγώνῳ ισον εἶναι. τῷ ε-
λάσονι τὸ μεῖζον. οὐδὲ ἄχρον, οὐδὲ αὐτού-
σος εἰν η αὐτός, τῇ αὐτῇ ίση ἄρα. (Συμπέρασ-
μα.) Εὰν ἄρα τριγώνος αὐτῷ γωνία ίσαι
ἄλληλαις ὁσι, καὶ αἱ τοι τὰς ισας γωνίας
ταῦταις ισονται ταῦται, ιση ἄλληλαις έσουνται.
Οὐδὲ εἶδεν δεῖξαν.

Πρότασις 2. Ιεώρημα.

Επὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας δύοι ταῖς αὐταῖς
εὐθείαις, ἄλλαι δύο εὐθείαι ίσαι εκάτεραι
εκατέραις ουσεθήσονται, πρὸς ἄλλω, Καὶ ἄλλω
ομοιώ, οἷτι τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρα-
τεχνοι ταῖς έξι δέχηται εὐθείαις.

Εκθεσις.) Εἰ γὰρ διω-
τὸν, οὗτοι τὰ αὐτῆς εὐθεί-
ας τῇ αὐτῷ, δύοι ταῖς αὐ-
ταῖς εὐθείαις ταῖς αἱ γ,
γβ, ἄλλαι δύο εὐθείαι, αἱ
αδ, δβ, ίσαι εκάτεραι εκα-
τέραις ουσεσάτωσαν, πρὸς ἄλλω, καὶ ἄλλω ομ-
οιώ



Sunt aequalia alterū alteri: & angulus $\delta\beta\gamma$,
 angulo $\alpha\gamma\beta$ est aequalis. Basis igitur $\delta\gamma$, basi
 $\alpha\beta$ est aequalis: & triangulus $\alpha\beta\gamma$, trian-
 gulo $\delta\gamma\beta$ est aequalis: maior minorī. quod
 est absurdum. Quare recta $\alpha\beta$, non est inae-
 qualis rectæ $\alpha\gamma$, itaq; erit ei aequalis. (Con-
 clusio.) Si ergo trianguli, duo anguli aequa-
 les inter se fuerint: etiam latera, quæ aequales
 illos angulos subtendūt, erunt inter se aequa-
 lia. Id quod erat demonstrandum.

Propositio septima. Theorema.

SVper eadē linea recta, duabus eis-
 dem rectis, aliæ due rectæ aequales
 altera alteri, non statuentur ad aliud,
 atq; aliud punctum, in easdem partes,
 eosdem habentes terminos, quos li-
 neæ primæ.

Expl. dati.) Si enim est possibile, sit
 linea recta $\alpha\beta$, & super ea duabus rectis $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$, constitutis: aliæ due linea rectæ $\alpha\delta$, $\delta\beta$
 constituantur aequales altera alteri: ad aliud

atq;

μείω, τῶτε γ, καὶ δ, ὅππι τὰ αὐτὰ μέρη τὰ
γέδ, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχοντα, τὰ α, β, ταῖς
ἔξι αρχῆσιν εὐθέαις, ὥστε ίσην εἶναι, τὴν μὲν
γά, τῇ δα, τὸ αὐτὸ τέρας ἔχοντα αὐτῇ,
τὸ α, τὴν δὲ γέδην τῇ δβ, τὸ αὐτὸ τέρας ἔχ-
οντα αὐτῇ τῷ β. (Κατασκευή.) Καὶ ἐπεγεύχ-
θω ἡ δ. (Απόδεξις.) Εἰσει γν ιση εῖναι η αγ
τῇ αδ, ιση εῖναι καὶ γωνία η τῶν αγδ, τῇ τῶν
αδγ. μείζων ἀρα η τῶν αδγ τῆς υπὸ δγβ.
πολλῷ ἀρα η τῶν γδβ, μείζων εῖναι τῶν
δγβ, πάλιν ἐπει ιση εῖναι η γβ τῇ δβ, ιση ε-
ῖναι, Καὶ γωνία η υπὸ γδα, γωνία τῇ υπὸ δγβ.
ἔδειχθη δὲ αὐτῆς, καὶ πολλῷ μείζων, ὅπερ εἶναι
ἀδύνατον. (Συμπερασμα.) Σοκάρα ὅπτι το
αὐτῆς εὐθέαις, δύσι ταῖς αὐταῖς εὐθέαις
ἄλλαι δύο εὐθέαις ισαὶ ἐκάτερα ἐκάτερα συνει-
δήσονται, πέρος ἄλλω, καὶ ἄλλω σημείῳ, ὅππι τὰ
αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχει. Καὶ ταῖς
ἔξι αρχῆσιν εὐθέαις. Οὗτος ἔδει δεῖξαι:

Πρότασις η. Θεώρημα.

E Αν δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς ταῖς
δυσὶ πλευραῖς ισαὶς ἔχη ἐκάτερα ἐκάτε-
ρα, ἔχη δὲ καὶ τὴν βάσιν, τῇ βάσι ισαι, ηγι

atq; aliud punctum γ & δ , in easdem partes γ , & δ : eosdē habentes terminos α , & β : quos linea rectæ primæ: ita ut $\gamma\alpha$ æqualis sit $\delta\alpha$: et eundem habeat terminū α : recta verò $\gamma\beta$, sit æqualis rectæ $\delta\beta$, & eundem cum ea habeat terminū β . (Delineatio.) Et ducatur recta $\gamma\delta$. (Demonstratio.) Quoniā α γ recta est æqualis rectæ $\alpha\delta$: etiam angulus $\alpha\gamma\delta$, erit æqualis angulo $\alpha\delta\gamma$. Verum angulus $\alpha\delta\gamma$, maior est angulo $\delta\gamma\beta$: multò ergo angulus $\gamma\delta\beta$ maior est angulo $\delta\gamma\beta$. Item, quoniam latus $\gamma\beta$, est æquale lateri $\delta\beta$: erit etiam angulus $\gamma\delta\alpha$, angulo $\delta\gamma\beta$ æqualis. Verum ille ipse angulus $\gamma\delta\alpha$ demonstratus est esse multò maior angulo $\delta\gamma\beta$, quod est impossibile. (Cōclusio.) Super eadem igitur recta, duabus eidem rectis, aliæ duæ rectæ æquales altera alteri: non statuerunt ad aliud atq; aliud punctum, in easdem partes, eosdē habentes terminos, quos linea primæ. Id quod erat demonstrandum.

Propositio octava. Theorema.

Si duo trianguli, duo latera duobus lateribus habuerint æqualia alterum alteri, ha-
buerint verò etiam basin, æqualem basi: etiā
angu-

τὸν γωνίαν τῆς γωνίας ισού εἶδε, τὸν δὲ τὸν
γόνων εὐθέων περιεχομένου.

Εκφεσις.) Εγώ δύο τοι-
γωνα, τὰ αβγ, δέλ, τὰς
δύο πλευρὰς τὰς αβ,
αγ, τὰς δύος πλευρᾶς
τὰς δέ, δλ, οὓς εχονταί-
κάπεραι εκάλερα, τὼ μὲν εἰ-
αβ, τὴ δλ, τὼ δέ αγ, τὴ δλ, εχέτω δὲ καὶ βά-
σιν τὸν βγ, βάσι τὴ ελ ισην. (Διοργόμος.)
Λέγω ὅτι, καὶ γωνίας ἡ τῶν βαγ, γωνίας τῇ
τῶν εδλ εἰσιν ισην. (Καλασκόπη.) Εφαρμόζο-
μένης γὰρ αβγ τριγώνης, ὅπτι τὸ δέλ τριγω-
νου, καὶ πιθεμένης τὴ μὲν β σημεῖος ὅπτι τὸ εση-
μεῖον, τὸ δὲ βγ εὐθείας ὅπτι τὸ ελ, εφαρμό-
ζει, τὸ δὲ σημεῖον ὅπτι τὸ ελ: Διχότομη οὖν
τὸν εγγίγη ελ. (Απόδεξις.) Εφαρμοσάσης δὲ
τὸ βγ, ὅπτι τὸ ελ, εφαρμόζεσται, εἰ δὲ βα,
ὅπτιας εδ, δλ. εἰ γὰρ βάσις μὲν ἡ βγ, ὅπτι βά-
σιν τὸν ελ εφαρμόζει, αἱ δὲ βα, αγ πλευραὶ
ὅπτι τὰς εδ, δλ, σύνεφαρμόζεσται, ἀλλὰ πα-
ραλλάξεσται, ὡς αἱ εγ, ελ, συνεθήσονται) ὅπτι τῆς
· αὐτῆς

angulum angulo habebunt equarem, quem
æquales illæ lineæ rectæ continent.

Explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\delta\epsilon\zeta$: habentes duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$: duobus la-
teribus $\delta\epsilon$, $\delta\zeta$, æqualia, alterum alteri, latus
scilicet $\alpha\beta$, æquale lateri $\delta\epsilon$: & latus $\alpha\gamma$, æ-
quale lateri $\delta\zeta$: item basim $\beta\gamma$, æqualem ba-
si $\epsilon\zeta$. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod an-
gulus $\beta\gamma$, sit æqualis angulo $\delta\zeta$. (*Deline-
atio.*) Quando enim triangulus $\alpha\beta\gamma$, appli-
catur triangulo $\delta\epsilon\zeta$, & punctum β , ponitur
super puncto ϵ : linea quoq; recta $\beta\gamma$, applica-
tur rectæ $\epsilon\zeta$: tum punctum γ , etiam applica-
bitur puncto ζ : quia recta $\beta\gamma$, est æqualis re-
cta $\epsilon\zeta$. (*Demonstratio.*) Quando verò recta
 $\beta\gamma$, applicatur rectæ $\epsilon\zeta$: applicabuntur etiā
rectæ $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, rectis $\epsilon\delta$, $\delta\zeta$. Si enim basis $\beta\gamma$,
applicatur basi $\epsilon\zeta$, ex latera $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, non ap-
plicetur lateribus $\epsilon\delta$, $\delta\zeta$. Verū diuersum ha-
buerint sitū, ut rectæ $\epsilon\eta$, $\eta\zeta$. Constituentur sus-

D per

αὐτῆς δύθείσες, δύσι ταῖς αὐταῖς δύθείσαις,
ἄλλα δύο δύθείσαι ίσαι, ἐκάπερ φεκαλέροι πέδοι
ἄλλων καὶ ἄλλω σημείῳ, ἐπει τὰ αὐτά μέρη,
τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσι. καὶ σωίσανται δέ,
οὐκ ἀρχεὶ Φαρμοζομένης τῷ βῆ, Βάσεως οὗτοῦ
τῶν οὐ βάσιν, οὐκ εἰ Φαρμόσθαι Καί βα, αγ
πλάντρην οὗτοῦ τὰς εδ., δι. εἰ Φαρμόσθαι ἀρχα.
ἄστε καὶ γωνία οὐσού βαγ, οὗτοῦ γωνίαν τῶν
οὐσὸς εδ. εἰ Φαρμόσθαι, καὶ τοι αὐτῇ εῖσαι. (Συμ-
πέρασμα.) Εὰν ἀρχεὶ δύο τρίγωνα τὰς δύο
πλάντρας ταῖς δυσὶ πλάντραις, ισασι ἔχη ἐκά-
περ φεκαλέρα, καὶ τῶν βάσιν τῇ βάσι ίσην ἔ-
χει, καὶ τῶν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ίσην ἔχει, τὴν υ-
πὸ τῶν ίσων δύθεῶν περιεχομένην. οὐδὲ εδ.
δεῖξαι.

Πρότασις θ. Πρόβλημα.

ΤΗν δοθεῖσαν γωνίαν δύθυγραμμον, δίχα
τεμεῖν.

Εκθεσις.) Εῖσαι η δοθεῖσα γωνία δύθυγραμ-
μον, η οὐσού βαγ. (Διοργομός.) Δεῖ δη αὐ-
τὴν δίχα τεμεῖν. (Κατασκεψή.) Εἰλήφθω ἐ-
πὶ τῆς αβ τυχὸν σημεῖον τὸ δ. καὶ ἀφηρή-
θω

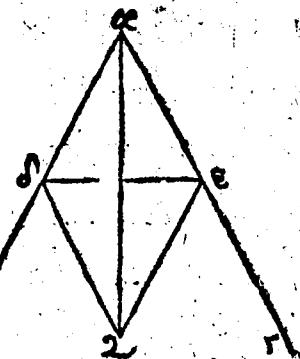
per eadē linea recta, duabus eisdē rectis aliæ
duæ rectæ æquales altera alteri, ad aliud, atq;
aliud punctum, ad easdem partes, eosdem ha-
bentes terminos, quos linea primæ. sed non
statuentur ad diuersum punctum. Quare fal-
sum est, quòd applicata basi $\beta\gamma$, basi $\epsilon\zeta$: non
applicetur $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, latera, lateribus $\epsilon\delta$, $\delta\zeta$.
applicabuntur ergo. Vnde sequitur, quòd an-
gulus $\beta\alpha\gamma$, applicabitur angulo $\epsilon\delta\zeta$, & ei e-
rit æqualis. (Conclusio.) Si igitur duo tri-
anguli, duo latera duobus lateribus habue-
rint æqualia alterum alteri: habuerint verò
etiam basim basi æqualem: etiam angulum
angulo habebunt æqualem, quem æquales il-
læ rectæ linea cōtinent. Id quod erat demon-
strandum.

Propositio nona. Problema.

Datum angulū rectilineū per medium
secare, vel in duas partes æquales secare.

(Explicatio dati.) Sit datus angulus recti-
lineus $\beta\alpha\gamma$. (Explicatio quæsiti.) Angulus
 $\beta\alpha\gamma$ secādus est in duas partes æquales. (De-
lineatio.) Sumatur in linea $\alpha\beta$, punctū quod-

Θω άντα τῆς ἄγ, τῇ ἀδή
ῖον, η ἀε, καὶ ἐπεζύχθω
η δέ, καὶ συνεσάλω ὅπτι τὸ
δέ τριγωνον ἰσόπλαστον,
τὸ μὲν, καὶ ἐπεζύχθω
η ἀλ. (Διορισμὸς τὸ κατὰ
σκλῆ.) Λέγω ὅτι η ὑ-
πὸ Βαγ γωνία δίχα τέτμητο τὸ αὐτὸ-
θείας. (Απόδεξις.) Εἰσὶ γὰρ ισ. εῖναι η ἀδ.,
τῇ ἀε, καὶ τῇ η ἀλ., δίοδὴ αἱ δια, αλ., δυσὶ^τ
τὰς ἔα, αλ., τοιγ σίσιν ἐκάτερα ἐκάτερα. η βά-
σις η μὲν, βάσις τῇ εἰς οἴηται. γωνία δέρει η ὑ-
πὸ μιαλ., γωνία τῇ πάσῃ εαλ., εῖναι οἴη. (Συμ-
πλέρωμα.) Η δέρει μιοθεῖσα γωνία διθύ-
ραμι η πάσῃ βαγ, δίχα τέτμηται ὑ-
πὸ τὸ αὐτὸθείας. οὗτος οὐδὲ τοιησα.



Πρότασις 1. Πρόβλημα.

ΤΗν μιοθεῖσα διθεῖα πεπερασμένη,
δίχα τεμεῖν.

Εκθεσις.) Εῖσω η μιοθεῖσα διθεῖα πεπερασ-
μένη, η αβ. (Διορισμὸς.) Δεῖ μὴ τις αβ., δι-
χα τεμεῖν. (Καλασκλῆ.) Συνεσάτω ἐπ' αὐ-
τῆς

uis δ , & tollatur ex linea $\alpha\gamma$, linea $\alpha\delta$ æqualis recta linea $\alpha\epsilon$: postea ducatur linea $\delta\epsilon$: & statuatur super linea $\delta\epsilon$, triangulus æquilaterus $\delta\epsilon\gamma$: deniq^z ducatur linea $\alpha\gamma$. (Explicatio iam factæ delineationis.) Dico quod linea $\alpha\gamma$, in duas partes æquales secet angulum $\beta\alpha\gamma$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\alpha\delta$, æqualis est rectæ $\alpha\epsilon$, et communis sit recta $\alpha\gamma$: idcirco duo latera $\delta\alpha$, $\alpha\gamma$, duobus lateribus $\epsilon\alpha$, $\alpha\gamma$, sunt æqualia alterum alteri: & basis $\delta\gamma$, æqualis basi $\epsilon\gamma$. Angulus igitur $\delta\alpha\gamma$, angulo $\epsilon\alpha\gamma$ est æqualis. (Conclusio.) Datus igitur angulus rectilineus $\beta\alpha\gamma$, per lineam rectam $\alpha\gamma$, est dissecatus in duas partes æquales. Id quod faciendum erat.

Propositio decima. Problema.

DAtam lineam rectam finitam in duas partes æquales secare.

(Explicatio dati.) Sit data linea recta finita $\alpha\beta$. (Explicatio quæsiti.) Linea recta finita $\alpha\beta$, dissecanda est in duas partes æquales. (Delineatio.) Statuatur super recta

D 3 $\alpha\beta$,

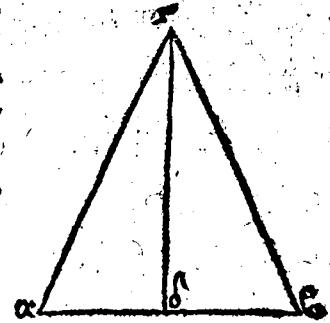
τῆς τρίγωνον ἰσόπλευρου
τὸ ἄβγ, καὶ τεμήθω ἡ ὑ-
πὸ ἄβγ γωνία δίχα, τῇ
ὑδεύεια. (Διορισμὸς τὸ^ς
κατασκευῆς.) Λέγω ὅπερ
ἄβδεύεια, δίχα τέτμη)

χεὶ τὸ δὲ σημεῖον. (Απόδεξις.) Εἰσὶ γάρ οἱ
ἐνὶ ἡγ, τῇ γέ, κοινὴ δὲ ἡ γδ, δύο δὲ αἱ αγ,
γδ, δύο τοις εὗρηται, εἰσὶν ἐκάτεραι ἐκα-
τέραι, οἷαὶ γωνία ἡ ὑπὸ ἄγδ, γωνία τῇ ὑπὸ^{τοῦ}
βγδ ἐνὶ ίση. Βάσις ἀραι ἀδ, βάσις τῇ βδ
ἐνὶ ίση. (Συμπέρασμα.) Η ἀρα διοθέεται
εὐθεῖα πεπερασμένη ἡ ἄβ, δίχα τέτμηται
κατὰ τὸ δ, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις ια. πρόβλημα.

ΤΗ ΔΟΘΕΙΣ ἐυθεῖα, ΔΙΠΟΣ Τὸ πέρισ αὐτῇ δο-
θεῖσι σημεῖοι, πέρισ ὁρθὰς γωνίας, εὐθεῖ-
αι γεγονέων ἀγαγεῖν.

Εκθεσις.) Εἴσω ἡ μὲν δοθεῖσα ἐυθεῖα, η ἄβ,
τὸ δὲ δοθεῖση σημεῖον ἐπ' αὐτῆς, τὸ γ. (Διο-
ρισμὸς.) Δεῖ δὴ ἀπὸ τῆς γ σημεῖος, τῇ ἄβ εὐ-
θείᾳ, πέρισ ὁρθὰς γωνίας ἐνθείαν γεγονέων
ἀγαγε-



$\alpha\beta$ triangulus æquilaterus $\bar{\alpha}\beta\gamma$: & secetur angulus $\alpha\beta\gamma$ in duas partes æquales, per lineam rectam $\gamma\delta$. (Explicatio factæ delineationis) Dico quod recta $\alpha\delta$, secta sit in duas partes æquales in puncto δ . (Demonstratio.) Quoniam recta $\alpha\gamma$, est æqualis rectæ $\gamma\beta$, & communis recta $\gamma\delta$: duo igitur latera $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ duobus lateribus $\beta\gamma$, $\gamma\delta$ sunt æqualia alterum alteri, & angulus $\alpha\gamma\delta$, est æqualis angulo $\beta\gamma\delta$. Ergo basis $\alpha\delta$, est æqualis basi $\beta\delta$. (Conclusio.) Data igitur linea recta finita, $\alpha\beta$, secta est in duas partes æquales in punto δ . Id quod faciendum erat.

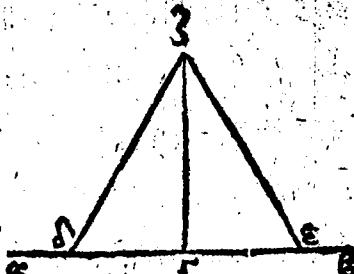
Propositio undecima. Problema.

Data lineæ rectæ, à dato in ea punto: ducere lineam rectam ad angulos rectos, id est, rectos facientem angulos.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$, & datum in ea puctum γ . (Explicatio quesiti.) Ducenda est à punto γ , linea recta re-

ἀγαγεῖν. (Καλασκόν.)

Εἰλήφθω ὅπερ ἄγ, τοῦ
χον ομεῖον τὸ δ, καὶ κεί-
ατω τῇ γδίση, η γε, καὶ συ-
νεσάτω ὅπερ τὸ δέ τείγω-
νον ἰσόπλαστον τὸ ζδε, καὶ



ἐπεζύχθω η ζγ. (Διορισμὸς τῆς καλασκό-
ν.) Λέγω ὅτι τῇ δοθείσῃ δύσιᾳ τῇ αβ, ἀπὸ
τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος ομείου τῷ γ, πρὸς ορ-
θὰς γωνίας ἐνθεῖα γεαμηὴ καταγή ζγ. (Α-
πόδειξις.) Επεὶ γδίση εἰν η δγ, τῇ γε, καὶ
η δὲ η ζγ, δύο δὴ αἱ δγ, γζ, δυσὶ λαῖς εγ, γγ,
ἴσαι εἰσιν, ἐκάτερα ἐκατέρα, ē βάσις η δζ,
βάσις τῇ εζίση εἰν. γωνία ἀρά η υπὸ δγζ,
γωνία τῇ υπὸ εγζίση εἰν, καὶ εἰσὶν εφεξῆς.
ὅταν δὲ ἐνθεῖα εἴσῃ ἐνθεῖαν σεθεῖσα, τὰς ε-
φεξῆς γωνίας, οὓς ἀλλήλας ποιήσει, ὅρθη εἰν
ἐκατέρα τῶν ἴσων γωνιῶν. ὅρθη ἀρά εἰν ε-
κατέρα, τῶν υπὸ δγζ, ζγε. (Συμπέρασμα.)
Τῇ ἀρά δοθείσῃ ἐνθεῖα τῇ αβ, ἀπὸ τῷ πρὸς
αὐτῇ δοθέντῳ ομείου τῷ γ, πρὸς ορθὰς γωνί-
ας ἐνθεῖα γεαμηὴ καταγή, η ζγ. ὅπερ ἔδει ποι-
ῆσαι.

Etos faciens angulos cum linea $\alpha\beta$. (Delineatio.) Sumatur in linea $\alpha\gamma$, quod uis punctum δ : & fiat linea $\gamma\delta$, æqualis linea $\gamma\varepsilon$. Et statuatur super linea $\delta\varepsilon$, triangulus æquilaterus $\delta\varepsilon\gamma$, deniq^{ue} ducatur recta $\gamma\zeta$. (Explicatio factæ delineationis.) Dico, q^{uia} datæ lineæ rectæ $\alpha\beta$, à dato in ea puc^to γ , ad angulos rectos ducta sit recta linea $\gamma\zeta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\delta\gamma$, est æqualis rectæ $\gamma\varepsilon$, communis vero recta $\gamma\zeta$. Duo igitur latera $\delta\gamma$, $\delta\zeta$, duobus lateribus $\varepsilon\gamma$, $\gamma\zeta$, sunt æqualia alterum alteri, & basis $\delta\zeta$, æqualis est basi $\varepsilon\zeta$. ergo angulus $\delta\gamma\zeta$, æqualis est angulo $\varepsilon\gamma\zeta$, (et sunt εφεξη̄s, id est, vicini) Quando vero recta super rectam stans, angulos vicinos æquales fecerit inter se: vterq^{ue}, æqualem angulorum est rectus. Ergo vterq^{ue}, angulorum $\delta\gamma\zeta$, $\gamma\zeta\varepsilon$, est rectus. (Conclusio.) Datæ igitur lineæ rectæ $\alpha\beta$, à dato, quod in ea est puncto γ : ad angulos rectos ducta est recta $\gamma\zeta$. Id quod faciendum erat.

Πρότασις ιβ. περίβλημα.

Επὶ τῷ δοθέντον ἐυθεῖαν ἀπόφρον, δύτο τῷ δοθέντῳ σημείῳ ὁ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κά-
τερν ἐυθεῖαν χραμπίκων ἀγαγεῖν.

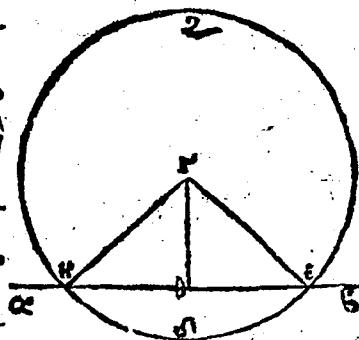
Επίσης.) Εἰσώ η μὲν δοθένται ἐυθεῖα ἀπό-
φρῷ, η ἀβ, τὸ δὲ δοθέν σημεῖον ὁ μὴ ἔστιν ἐπ'
αὐτῆς, τὸ γ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ ἅπει τῷ
δοθένται ἐυθεῖαν ἀπόφρον τῷ ἀβ, δύτο τῷ
δοθέντος σημείῳ τῷ γ, ὁ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτό, κά-
τετον ἐυθεῖαν χραμπίκων ἀγαγεῖν. (Κατασκευή)

Εἰλήφθω γὰρ ἅπει τὰ ἔτε-

ειρ μέρη τῆς ἀβ ἐυθείας,
πυχὸν σημεῖον τὸ δ. καὶ
κέντρω μὲν τῷ γ, διαση-
μαν δὲ τῷ γδ, κύκλῳ
γεγράφθω ὁ ἔζη, καὶ τε-

τμήμα η ἐη δίχα καὶ τὸ θ. καὶ ἐπεξύχθωσαν
αἱ γῆ, γθ, γε. (Διορισμὸς τῆς κατασκευῆς.)
Λέγω ὅτι ἅπει τῷ δοθένται ἐυθεῖαν ἀπόφρον
τῷ ἀβ, ἀπὸ τῷ δοθέντῳ σημείῳ τῷ γ, ὁ μὴ
ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κάτετο γῆ καὶ γθ. (Από-
δεξία.) Επει γὰρ ἔστιν η ἡ θ τῇ θε, καὶ νὴ δὲ

η θγ,



Propositio duodecima. Problema.

AD lineam rectam datā infinitam, à dato puncto, quod in ea non est, perpendicularē rectam lineam ducere.

Explicatio dati.) Sit data linea recta infinita $\alpha\beta$, et punctum quod in ea non est datum γ . (*Explicatio quæsiti.)* A puncto dato γ , ad datam lineam rectam infinitam $\alpha\beta$: ducenda est linea recta perpendicularis.

Delineatio.) Sumatur ex altera parte linea $\alpha\beta$, punctum quodvis δ : et centro γ , interuallo $\gamma\delta$, describatur circulus $\epsilon\eta$, secans lineam $\alpha\beta$, in punctis ϵ , et η . Postea dissecetur linea recta $\alpha\eta$, in duas partes æquales in punto θ . Et ducantur linea $\gamma\eta$, $\gamma\theta$, $\gamma\epsilon$. (*Explicatio iã factæ delineationis.)* Dico quod ad lineam rectam datā infinitam $\alpha\beta$, à puncto γ dato, quod in ea non est, perpendicularis ducta sit recta linea $\gamma\theta$. (*Demonstratio.)* Quoniam recta $\eta\theta$, æqualis est rectæ $\delta\epsilon$: et communis

recta

η θή, δύο δὴ αἱ ηθ, θή, δύοι ταῖς οὐθ, θή, ίσαι εἰσὶν ἐκάτερα ἐκαλέσα, καὶ βάσις η γῆ, έστιν τῇ γῇ, ἐνὶν ίση. γωνία ἀρχή τοῦ γοῦ η, γωνία τῇ τοῦ θή θή, ἐνὶν ίση. καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς. ὅπερ δὲ ἐν θεῖα ἐστὶ ἐν θεῖαν συδέοντα, τὰς ἐφεξῆς γωνίας ίσας ἀλλήλαις τοιη̄, ὅρθη ἐνὶν ἐκάτερα τοῖσαν γωνιῶν. καὶ η ἐφετηκῆς εὐθεῖα, κάθει \odot καλέεται ἐφ ην ἐφετηκεν. (Συμπλέγμα.) Εἰσὶ τὰ δοθεῖαν ἄρα ἐν θεῖαν ἀπόρου, τὰς αἴσ, ἀπὸ τοῦ δοθέντος ομοιώτατα τοῦ γ, οὐ μη ἐτίνειστο αὐτῆς, κάθει \odot καταλαμητή γοῦ. οὗτος ἔδει τοιηδού.

Πρότασις ιγ. Γεώργια.

ΩΣ αὐτὸν ἐν θεῖα ἐστὶ ἐν θεῖαν συδέοντα, γωνίας ποιη̄, η τοι δύο ὅρθας, η δύοιν ὅρθαις ίσας τοιησα.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ τις η ἀβ, ἐπ' εὐθείαν τὴν γὸν συδέοντα, γωνίας ποιήτω, τὰς τοῦ γοῦ γωνίας, αἴσ.

(Διορισμὸς) Λέγω ὅποι αἱ τοῦ γοῦ γωνίας, αἴσ, γω-



recta $\gamma\delta$. ergo duo latera $\eta\vartheta$, $\vartheta\gamma$, duobus lateribus $\vartheta\eta$, $\vartheta\gamma$, sunt æqualia alterum alteri: & basis $\gamma\eta$, basi $\gamma\vartheta$, est æqualis. quare angulus $\gamma\theta\eta$ angulo $\vartheta\gamma$ est æqualis: & sunt vicini. Quando vero recta super recta stans, angulos vicinos æquales inter se fecerit: interq; equalium illorū angulorum est rectus, & recta super recta stans, perpendicularis ad eam dicitur. (Conclusio.) Ad datam igitur lineam rectam infinitam $\alpha\beta$, à puncto γ dato quod in ea non est: perpendicularis ducta est recta $\gamma\theta$. Id quod faciendum erat.

Propositio decima tertia: Theorema.

VT ut recta super recta stans, angulos fecerit: vel duos rectos, vel duobus rectis æquales eos faciet.

Explicatio dati.) Recta quadam $\alpha\beta$, stans super recta $\gamma\delta$, faciat angulos $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\delta$.
Explicatio q̄siti.) Dico q̄ anguli $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\delta$,

vel

νίαν ή δύο ὄρθαι εἰσὶν, ηδὲ δυσὶν ὄρθαις ἵσμι.
 (Κατασκευή.) Εἰ μὲν γὰρ ἵσμις ηδὲ πάθος γένεα,
 τῇ πάθῳ αἴβδ, δύο ὄρθαι εἰσὶν. εἰ δέ γέ, ἡχθω
 πάθῳ τῷ βοητείᾳ τῇ γέδ περος δρόθας, ηδὲ αἱ
 ἄρα πάθῳ γένε, εἴβδ, δύο ὄρθαι εἰσι. Καὶ τοιίη
 πάθῳ γένε δυσὶ ταῖς πάθῳ γένεα, αἴβεις οὖτις,
 καὶ νὴ περοκείσθω ηδὲ πάθῳ εἴβδ. αἱ ἄρα πάθῳ
 γένε, εἴβδ, τρισὶ ταῖς πάθῳ γένεα, αἴβε, εἴβδ,
 εἰσὶν ἵσμι. πάλιν εἰπει ηδὲ πάθῳ δράδ δυσὶ ταῖς
 πάθῳ δράδ, εἴβα οὖτις οὐτις. καὶ νὴ περοκείσθω, ηδὲ
 πάθῳ αἴγα. αἱ ἄρα γωνία, αἱ πάθῳ δράδ, αἴγα
 περοκείσθαις πάθῳ δράδ, εΐδα, αἴγα οὖτις εἰσὶν. εἰδει-
 χθησαν δέ, καὶ αἱ πάθῳ γένε, εἴβδ, τρισὶ ταῖς
 αὐταῖς ἵσμι. τὰ δέ ταῦ αὐτῶν οὐτις, καὶ ἀλλή-
 λοις οὖτις οὐτις. καὶ αἱ ὑπὸ γένε, εΐδαδ ἄρα, ταῖς
 ὑπὸ δράδ, αἴγα, οὖτις εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ ὑπὸ γένε,
 εΐδα, δύο ὄρθαι εἰσὶ, καὶ αἱ ὑπὸ δράδ, αἴγα ἄ-
 ρα δυσὶν ὄρθαις οὖτις εἰσὶν. (Συμπέρασμα.)
 Ως ἀνάρα εὐθεῖα εἰπεῖσθαι σεθεῖσα γωνί-
 ας ποιῆ, ητοι δύο ὄρθας, ηδὲ δυσὶν ὄρθαις οὖτις
 ποιήσου. οὐδὲ δέποτε δεῖξα.

vel sint duo recti, vel duobus rectis aequales.
 Delineatio cū hypothesi.) Si igitur angulus
 $\alpha\beta\alpha$, aequalis est angulo $\epsilon\delta\delta$: tum sunt duo
 recti. quod si verò non, tum ducatur à punto
 β , recta linea $\gamma\delta$, ad angulos rectos lineare-
 età $\epsilon\delta\delta$. (Demonstratio.) Anguli igitur $\gamma\beta\epsilon$,
 $\epsilon\beta\delta$ sunt duo recti. & cùm angulus $\gamma\beta\epsilon$, sit
 aequalis duobus angulis $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\epsilon$. Commu-
 nis addatur angulus $\epsilon\beta\delta$. quare duo anguli
 $\gamma\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$, tribus angulis $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$,
 sunt aequales. Rursus quoniam angulus $\delta\gamma\alpha$
 aequalis est duobus angulis $\delta\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\alpha$, commu-
 nis addatur angul^o $\alpha\beta\gamma$. anguli igitur $\delta\gamma\alpha$,
 $\alpha\beta\gamma$, tribus angulis $\delta\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\alpha$, $\alpha\beta\gamma$ sunt a-
 quales. Verum demonstratum est, angulos
 $\gamma\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$ tribus ijsdem angulis esse aequales.
 Quæ verò eidē sunt aequalia, illa inter se sunt
 aequalia. ergo anguli $\gamma\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$, sunt duobus
 angulis $\delta\beta\alpha$, $\alpha\beta\gamma$, aequales, sed anguli $\gamma\beta\epsilon$,
 $\epsilon\beta\delta$, sunt duo recti: ergo $\delta\gamma\alpha$, $\alpha\beta\gamma$, anguli,
 sunt aequales duobus rectis. (Cōclusio.) Ut ne
 igitur recta super recta stans, fecerit angulos: vel
 duos rectos, vel duobus rectis aequales faciet. Id quod
 erat demonstrandum.

Πρότασις ιδ. Θεώρημα.

ΕΑυτός πνι εὐθεῖα, οὐ πέρος αὐτῆς ομοίω. δύο εὐθεῖαι μὴ ὅππι τὰ ἀντὶ μέρη κείμνου, τὰς ἐΦεξῆς γωνίας, δύσιν ὄρθαις οικεῖσιν, εἰς εὐθεῖας ἔσονται, ἀλλήλαις δὲ εὐθεῖαι.

Εκθεσις.) Πρὸς γὰρ τίνι εὐθεῖα τῇ ἀβ, οὐ πέρος αὐτῆς ομοίω τῷ β, δύο εὐθεῖαι αἱ βγ, σδ, μὴ ὅππι τὰ αὐτὰ μέρη κείμνου, τὰς ἐΦεξῆς γωνίας τὰς ὑπὸ αβγ, αβδ, δύσιν ὄρθαις οικεῖτωσαν. (Διοργμὸς.) Λέγω ὅππι εἰς εὐθείας ἐσὶ τῇ γβηβδ.

Καλασκούη.) Εἰ γὰρ μὴ εἰς τῇ βγ εἰς εὐθείας η βδ, εῖναι τῇ γβ ἐπ' εὐθεί-

ας η βε. (Απόδεξις.) Επειδὴν εὐθεία η αβ, εἰς εὐθείαν τὴν γβε ἐφέσηκεν, αἱ ἄρα ὑπὸ αβγ, αβε γωνίαι, δύσιν ὄρθαις οικεῖσιν. εἰσι δὲ οὐ αἱ ὑπὸ αγγ, αβδ, δύσιν ὄρθαις οικεῖσιν, αἱ ἄρα ὑπὸ γβα, αβε, τὰς ὑπὸ γβα, αβδ οικεῖσιν η φυρίδω, η ὑπὸ αβγ, λο-

Propositio decimaquarta. Theorema.

Si ad lineam quandam rectā, & punc-
tum in ea datum, dux recte non in
easdem partes sitæ, angulos ($\angle\Phi\Xi\eta\varsigma$)
vicinos, duobus rectis angulis æqua-
les fecerint; duæ istæ rectæ $\in \pi^{\circ}$ $\delta\theta\epsilon\alpha\varsigma$,
altera alteri erunt.

Expliatio dati.) Nam ad lineam quandam
rectam $a\beta\cdot\gamma$ ad punctum in ea datum C :dux
recta linea $B\gamma, Gd$, non in easdem partes sitæ
faciant angulos $\angle\Phi\Xi\eta\varsigma$ (vicinos) $a\beta\gamma, a\beta d$,
æquales duobus angulis rectis. (Expliatio
quæsiti.) Dico quod rectæ $\gamma\beta$, sit $\in \pi^{\circ}$ $\delta\theta\epsilon\alpha\varsigma$
recta Bd . (Delineatio.) Si enim C non est
 $\in \pi^{\circ}$ $\delta\theta\epsilon\alpha\varsigma$ recta Bd : fit recta $B\epsilon$, recta $\gamma\beta$,
 $\in \pi^{\circ}$ $\delta\theta\epsilon\alpha\varsigma$. (Demonstratio.) Quoniam re-
cta $a\beta$, constituta est super recta $\gamma\beta\epsilon$: an-
guli igitur $a\beta\gamma, a\beta\epsilon$, sunt æquales duobus
rectis. Verum anguli $a\beta\gamma, a\beta d$ etiam sunt
æquales duobus rectis. anguli igitur $\gamma\beta\alpha$,
 $a\beta\epsilon$, anguli $\gamma\beta\alpha, a\beta d$ sunt æquales. Com-
munis auferatur angulus $a\beta\gamma$. reliquis igi-

τη̄ αρχή̄ τω̄ ἀβε, λοιπή̄ τη̄ τω̄ ἀβδό-
τιν ίση̄ ἡ̄ ἐλάσσων τη̄ μείζονι. ὅπερ εἴναι ἀδύ-
νατον, τοκ αρχαίτω̄ δύθείας εἴναι ἡ̄ βε, τη̄ βγ.
ὁμοίως δὴ δεῖξαμε, ὅπις δὲ ἄλλη τις, τολμή-
τη̄ βδ. (Συμπλέγμα.) Εἰσὶ δύθείας αρχαί-
τιν ἡ̄ γβ, τη̄ βδ. Εὰν ἀρχαί πρός την δύθεία, εἰ-
ταὶ πρὸς αὐτή̄ σημείω, δύο δύθείαι μὴ ὅππι τὰ
αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς εὐφεξῆς γωνίας δυ-
σὶν ὁρθαῖς ίσας ποιῶσιν, εἰσὶ δύθείας εουντη-
ἄλληλαις αἱ δύθείαι. ὅπερ εἴδει δεῖξαμ.

Πρότασις ιε. Γεώργια.

Εν δύο δύθείαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς
κατὰ κορυφὴν γωνίας, ίσας ἀλλήλαις
ποιήσοσι.

(Εκφεσις.) Δυοὶ δὲ δύθείαι αἱ ἀβ, γδ, πε-
νεστωσαν ἀλλήλας καὶ τὸ εἰ σημεῖον. (Διορι-
μός.) Λέγω ὅτι ίση̄ εἴναι ἡ̄
μὲν τω̄ ἀεγ γωνία, τη̄
τω̄ δεδ, ἡ̄ δὲ τω̄ γεδ,
τη̄ τω̄ ἀεδ. (Απόδει-
ξις.) Εἰσὶ γὰρ εὐθεῖα ἡ̄
αε, ἐπ' εὐθείαν τιὶ γδ εἰ-

εὐθεῖα

eur angulus $\alpha\beta\epsilon$, reliquo angulo $\alpha\beta\delta$ est α -
qualis, minor maiori, quod est impossibile.
Quare recta $\beta\epsilon$, non est ∞ euclæ rectæ $\beta\gamma$.
Similiter etiam demonstrabimus, quod nulla
alia præter rectam $\beta\delta$, sit ∞ euclæ rectæ
 $\gamma\beta$. (Conclusio.) Ergo recta $\gamma\beta$, est ∞ Eu-
clæ rectæ $\beta\delta$. Si igitur ad lineam quandam
rectam, & punctum in ea datum, duæ rectæ
non in easdem partes sitæ angulos $\epsilon\Phi\Xi\eta\varsigma$,
duobus rectis angulis ficerint æquales: duæ
istæ rectæ ∞ euclæ erunt altera alteri. Id
quod erat demonstrandum.

Propositio decimaquinta. Theorema.

SI duæ linea rectæ, se se mutuo secant:
faciēt angulos ad verticem inter se
æquales.

Explicatio dati.) Duæ linea rectæ enim
 $\alpha\beta$, $\gamma\delta$: se se mutuo secant in punto ϵ . (*Ex-
plicatio quaæsti*) Dico quod angulus $\alpha\epsilon\gamma$, an-
gulo $\delta\epsilon\beta$ sit æqualis, & angulus $\gamma\epsilon\beta$, angu-
lo $\alpha\epsilon\delta$ etiam æqualis. (*Demonstratio.*) Quo-
mam recta $\alpha\epsilon$, super recta $\gamma\delta$, constituta est,

ἐφέσηκε, γυνίας τοιχοῖς τὸν γένα, ἀεδ, αἰ ἄρχε τὸν γένα, ἀεδ γυνία μυστὶν ὄρθαις ἴσημεῖσι. πάλιν ἐπεὶ ἐυθεῖα ἡ δὲ, ἐπεὶ ἐυθεῖαν τὴν ἀβί φέσηκε, γυνίας τοιχοῖς τὰς υπὸ ἀεδ, δὲ β. αἰ ἄρχε τὸν ἀεδ, δὲ β γυνία, μυστὶν ὄρθαις ἴσημεῖσιν. ἐδείχθησαν γένη αἱ ὑπὸ γένα, ἀεδ; μυστὶν ὄρθαις ἴσημ. αἱ ἀγαύη πόλεις γένα, ἀεδ, τὰς υπὸ ἀεδ, δὲ β, ἴσημεῖσι. καὶ νῦν ἀφηρήθω ἡ υπὸ ἀεδ, λοιπὴ ἀραιή υπὸ γένα, λοιπὴ τῇ υπὸ βέδιση ἐξίν. ὁμοίως δὴ δειχθῆσται, ὅτι αἱ ὑπὸ γένεβ, δεῖα, ἴσημεῖσιν.
(Σύμπερασμα.) Εὖν ἀραιόν εὐθεῖα τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς καρυφίους γυνίας ἴσημεις ἀλλήλας τοιχοῖσιν. Ὅποιος ἐδειδεῖξα.

Πόρισμα. Εκ δὴ τότε Φανερὸν ὅτι καὶ ὥση μηδέποτε τὴν εὐθεῖα τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς πρὸς τὴν τομὴν γυνίας τετράσιν ὄρθαις ἴσημεις ποιήσεται.

Πρότασις 15. Γεώργιμα.

ΠΑΝΤΩΣ ΤΡΙΓΩΝΩΝ ΜΙᾶς Τῶν ΠΛΟΥΤΩΝ ΚΑΙ
ΣΛΗΦΕΙΟΝΤΩΝ, ή ΣΛΗΤΟΣ ΓΥΝΙΑ, ΕΚΑΙΓΕΡΕΣ Τῶν
ΣΛΗΤΟΣ ΚΑΙ ἀντί ΣΛΑΠΙΟΝ ΜΕΙΖΩΝ ΕΞΙΝ.

Exje-

¶ facit angulos $\gamma\epsilon\alpha$, $\alpha\epsilon\delta$. anguli igitur $\gamma\epsilon\alpha$, $\alpha\epsilon\delta$, duobus rectis sunt aequales. Item quoni-
am recta $\delta\epsilon\epsilon$, super recta $\alpha\beta$ est constituta, fa-
ciatq; angulos $\alpha\epsilon\delta$, $\delta\epsilon\beta$, anguli igitur $\alpha\epsilon\delta$,
 $\delta\epsilon\beta$, sunt aequales duobus rectis. Verum an-
guli $\gamma\epsilon\alpha$, $\alpha\epsilon\delta$ duobus rectis sunt aequales.
quare duo anguli $\gamma\epsilon\alpha$, $\alpha\epsilon\delta$, sunt aequales du-
obus angulis $\alpha\epsilon\delta$, $\delta\epsilon\beta$. Communis auferatur
angulus $\alpha\epsilon\delta$. reliquus igitur angulus $\gamma\epsilon\alpha$,
reliquo angulo $\beta\epsilon\delta$ est aequalis. Similiter de-
monstratione probabimus angulum $\gamma\epsilon\beta$, an-
gulo $\delta\epsilon\alpha$ esse aequalem. (Conclusio.) Si igitur
duæ rectæ se se mutuo secant, facient angulos
ad verticem inter se aequales. Id quod erat
demonstrandum.

Corolarium. Ex hoc est manifestum, quod
quæcunq; lineæ rectæ se se mutuo secant, faci-
unt angulos ad punctum sectionis quatuor
rectis aequales.

Propositio decimasexta. Theorema.

Omnis trianguli, uno ex lateribus pro-
tracto: angulus extraneus, veroq; eori, qui intra triangulum sunt, quibus ipse op-
ponitur, est maior. E 3

Εκφοιτ.) Εἰσω τρίγωνον, τὸ ἄβγ, καὶ περιστερέ-
βλήθω αὐτὸς μία πλευ-
ρὰ ἡ βγ, ἅπει τὸ δ. (Διο-
ρισμὸς.) Λέγω ὅπη ἐκ-
τος γωνία η \angle αγδ,

μείζων ἐστὶν ἐκάτερος τὸ σύνος καὶ ἀπεναντίον τῷ
ὑπὸ γβα, βαγ γωνιῶν. (Κατασκόψῃ.) Τετ-
μήθω η̄ αγ δίχα κατὰ τὸ ε, καὶ ἅπειδύχθει-
σαι η̄ βε, ἐκβεβλήθω ἅπει τὸ γ, καὶ κείθω
τὴ βε' οη̄ εδ, καὶ ἐπειδύχθω η̄ γγ. καὶ δι-
πέχθω η̄ αγ, ἅπει τὸ η. (Απόδειξις) Επεὶ δὲ
ἴση ἐστὶν η̄ μὲν αε, τὴ εγ. η̄ ιγ βε, τὴ εγ. δύο δη̄
αι αε, εδ, δυσὶ ταῖς γε, εγ. ιση̄ εἰσὶν ἐκάτεροι
ἐκάτεροι, καὶ γωνία η̄ υπὸ αεβ, γωνία τη̄ υ-
πὸ γεγ ιση̄ εἰσιν. κατὰ κερυφίων γὰρ. βάσις
ἄρα η̄ αβ, βάσις τη̄ γγ ιση̄ εἰσι. καὶ τὸ αβε τρί-
γωνον, ταὶ γεγ τριγώνω εἰσὶν ισον, καὶ αἱ λοι-
παὶ γωνία, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ισομείσιν
ἐκάτερα ἐκάτερα ιφ' αἱ αἱ ισομείσι πλευραὶ υπο-
γενεστιν. ιση̄ αρχειστὶν η̄ υπὸ βαε, τη̄ υπὸ εγγ.
μείζων δὲ εἰσὶν η̄ υπὸ εγδ, τη̄ υπὸ εγγ. μείζων

αρχειστὶν

Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, & protrahatur latus eius $\beta\gamma$, ad punctum δ .
(Explicatio quæsiti.) Dico quod angulus $\alpha\beta\delta$, est maior angulo $\gamma\beta\alpha$, interno sibi opposito: & maior angulo $\beta\alpha\gamma$, interno sibi opposito. *(Delineatio.)* Dissecetur latus $\alpha\gamma$, in duas partes æquales in puncto e . deinde ducatur linea βe , & producatur ad punctum ζ . Fiat etiam linea βe , æqualis linea $e\zeta$. deniq^u ducatur linea $\zeta\gamma$, & extendatur recta $\alpha\gamma$, ad punctum vsg n. *(Demonstratio.)* Quoniam recta αe , æqualis est rectæ $e\gamma$: & recta βe , æqualis rectæ $e\zeta$. duo igitur latera αe , & βe duobus lateribus γe , & ζ sunt æqualia alterum alteri, & angulus $\alpha\beta\delta$, æqualis est angulo $\zeta\gamma\delta$. quia sunt anguli ad verticem. Basis igitur $\alpha\beta$, basi $\zeta\gamma$ erit æqualis, & triangulus $\alpha\beta\delta$, æqualis erit triangulo $\zeta\gamma\delta$: & reliqui anguli, reliquis angulis sunt æquales alter alteri, quos æqualia illa latera subtendunt. itaq^u angulus $\beta\alpha\gamma$, æqualis est angulo $\gamma\zeta\delta$. Verum angulus $\gamma\zeta\delta$, maior est angulo $\gamma\delta\zeta$. quare angulus $\alpha\beta\delta$, angulo $\beta\alpha\gamma$

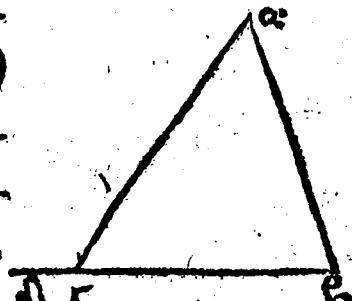
έργον ὑπὸ αὐγδὸν ὑπὸ βάσει, ὁμοίως δὲ τῷ βῆ
τημημένης δίχα, δευτέρουσιν καὶ ὑπὸ βύη.
ταῦταιν ἡ ὑπὸ αὐγδόν, μείζων καὶ τὸ ὑπὸ αἴβυ.
(Συμπλέγμα.) Παντὸς ἀριθμού γώνια
αἱ τῶν ἀλευρῶν περισσεκτοθέσιοι, η ἀκτὸς
γωνία, ἐκατέροις τῶν ἄντος οὐ πέντεντέον μεί-
ζων εἶναι. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις ι². Γεώργημα.

ΠΑΝΤΟΣ τριγώνων δύο γωνία, δύο ὄρθων
ἐλάστονες εἰσι, πάντη μεταλαμβανό-
μεναι.

Εὐθεσις.) Εῖσιν τρίγω-
νον, τὸ αἴβυ. (Διορισμὸς.)

Δέγω ὅπεραί βύη, τριγώ-
νων δύο γωνία δύο ὄρ-
θων ἐλάστονες εἰσι, πάν-
τη μεταλαμβανόμεναι.



(Κατασκόπη.) Εκβεβλήθω τὸν τὸ βῆ, οὐτὶ τὸ
δ. (Απόδεξις.) Καὶ εἰπεὶ τριγώνων τὸ βῆ ἀκ-
τὸς εἰς γωνίαν ὑπὸ αὐγδόν, μείζων εἰνὶ τὸ ἄντος
καὶ ἀπὸ ἔναντίον, τῆς ὑπὸ αἴβυ. κοινὴ περισ-
κάλω, η ὑπὸ αἴβη. αἱ ἀριθμοὶ αὐγδόν, αἴβη,
τῶν

etiam est maior. Similiter demonstrabitur quando recta $\beta\gamma$, dissecta fuerit in duas partes aequales: quod angulus $\beta\gamma\eta$, hoc est angulus $\alpha\gamma\delta$ maior sit angulo $\alpha\beta\gamma$. (Conclusio.) Omnis igitur trianguli uno ex lateribus protracto: extraneus angulus, utroq; eorum, qui intra triangulum sunt, quibus ipse opponitur est maior. Id quod erat demonstrandum.

Propositio decimaseptima. Theorema.

Omnis trianguli, quiuis duo anguli: duobus rectis angulis sunt minores.

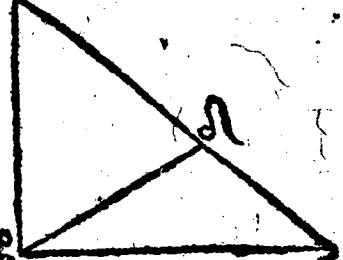
Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$.
(Explicatio quæsiti) Dico quod trianguli $\alpha\beta\gamma$, duo anguli sunt minores duobus rectis, quovis modo sumpti. (Delineatio.) Producatur linea $\beta\gamma$, ad punctum δ . (Demonstratio.) Quoniam trianguli $\alpha\beta\gamma$, angulus extraneus $\alpha\gamma\delta$; maior est angulo $\alpha\beta\gamma$, inter se sibi opposito. Communis addatur angulus $\alpha\gamma\beta$. anguli igitur $\alpha\gamma\delta$, $\alpha\gamma\beta$, sunt maiores.

τῶν ὑπὸ αὐτοῦ, Βγά μείζονες εἰσὶν. αλλ' αὐτοὶ αὐτὸι αὐτόι, αὐτοῖς δύσιν ὄρθως ἵστη εἰσὶν. αἱ ἀρχαὶ
ὑπὸ αὐτοῦ, Βγά, δύσιν ὄρθων ἐλάσσονες εἰσιν. ὅμοι
αἱ δὴ δεῖξομενοὶ τοι τοιούτοις Βαγ, αὐτοῖς δύσιν
ὄρθων ἐλάσσονες εἰσιν, καὶ ἐπὶ αἱ ὑπὸ αὐτοῦ, αὐτοῦ.
(Συμπέρασμα.) Παύλος ἀρχαὶ τριγώνας αἱ
δύσιν γωνίας, δύσιν ὄρθων ἐλάσσονες εἰσιν τάντη
μεταλαμβανόμεναι. ὅπερ ἐδειξεν δεῖξαν.

Πράτασις ιη. Γεώργια.

ΠΑυτὸς τριγάνει μείζων πλούτος, την
μείζονα γενίαν πολέμει.

Εκθεσις.) Εῖσω τριγώνον, τὸ ἄβγ, μέίζονα
ἔχον τὴν ἄγ πλευρὰν, τὸ ἄβ. (Διορισμός.)
Δέγω ὅπερ γωνίαν τὸ ἄ-
ἄβγ, μέίζων ἐστι, τῆς υ-
πὸ διά. (Κατασκευή.)
Ἐπεὶ δὲ μέίζων ἐστιν ἡ ἄγ
τῆς ἄβ, κείσθω τῇ ἀγίστῃ
ἡ ἄδ, καὶ ἐπεζύχθω ἡ
βδ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπὶ τριγώνῳ βδγ
ἐπίστις γωνίαν τὸ ἄδβ, μέίζων ἐστι τῆς
ἄποις, καὶ τὸ ἔναντιον, τὸ διάδυτον. Ιοῦ δὲ οὐ-



res angulis $\alpha\beta\gamma$, $\beta\gamma\alpha$. Verum anguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\alpha\gamma\beta$, sunt duo recti. ergo anguli $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\beta\alpha$,
sunt minores duobus rectis. Simili ratione
demonstrabimus angulos $\beta\gamma\alpha$, $\alpha\beta\gamma$, duobus
rectis esse minores. Item et angulos $\alpha\beta\gamma$,
 $\alpha\beta\gamma$ duobus rectis esse minores. (Conclusio.)
Omnis igitur trianguli qui uis duo anguli,
minores sunt duobus angulis rectis. Id quod
erat demonstrandum.

Propositio decima octaua. Theorema.

VIT quodus latus trianguli est maius : ita maiorem subtendit angulum.

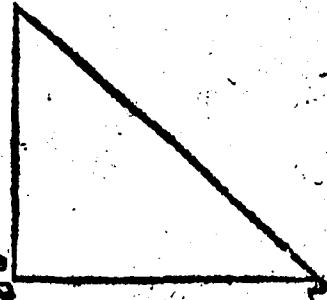
Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, ha-
bens latus $\alpha\gamma$, maius latere $\alpha\beta$. (*Explicatio
quæsiti.*) Dico quod angulus $\alpha\beta\gamma$, maior sit
angulo $\alpha\gamma\beta$. (*Delineatio.*) Cum enim latus
 $\alpha\gamma$ sit maius latere $\alpha\beta$: fiat linea $\alpha\delta$, æqualis
recta ad: et ducatur recta $\delta\gamma$. (*Demonstra-
rio.*) Quoniam trianguli $\delta\gamma\beta$, angulus $\delta\gamma\beta$
externus, maior est angulo $\delta\gamma\beta$ interno sibi
oppo-

πὸ ἀδέ, τῇ ίστο ἀδ. ἐπεὶ καὶ πλεύρα ἡ ἄδ,
τῇ ἀδ εἰνὶ ίση. μείζων ἀρχακὴ ἡ ίστο ἀβδ,
ἢ ίστο ἀγβ. πολλῷ ἀρχὴ ἡ ίστο ἀβγ μεί-
ζων εῖναι, τῆς ίστο ἀγβ. (Συμπλέξασμα)
Παντὸς ἀρχὴ τριγώνου ἡ μείζων πλεύρα, τὴν
μείζονα γωνίαν ίστοιενδ. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις θ. Γεώργια.

ΠΑντὸς τριγώνου ίστο την μείζονα γωνί-
αν, ἡ μείζων πλεύρα ίστοιεναι.

Εκθεσις.) Εῖσω τρίγωνον τὸ
τον τὸ ἀγ, μείζονα ἔχον
την ίστο ἀγ γωνίαν, τῇ
ιστο ἀγ. (Διορισμός.)
Αέγω ὅπερ καὶ πλεύρα ἡ ἄγ,
πλεύρας τὸ ἀδ μείζων ε-



ειν. (Απόδειξις.) Εἰ γὰρ μὴ ἥτοι ίση εῖναι
ἄγ, τῇ ἀβ ἡ ἐλάσσων. ίση μὲν δὲ τὸν σὸν εῖναι ἡ
ἄγ τῇ ἀβ. ίση γὰρ ἂν ἦτορ γωνία ἡ ίστο ἀγ,
τῇ ίστο ἀγβ. σὸν εῖται δέ, σὸν ἀρχα ίση εῖναι
ἄγ, τῇ ἀβ. οὐδὲ μηδὲ ἐλάσσων εῖναι ἡ ἄγ, τῇ
ἀβ.

opposito: & angulus $\alpha\beta\gamma$, sit aequalis angulo $\alpha\delta\beta$: cum latus $\alpha\delta$, lateri $\alpha\beta$ sit aequale. idcirco angulus $\alpha\delta\beta$, maior est angulo $\alpha\gamma\beta$. Ergo angulus $\alpha\gamma\beta$, multo est maior angulo $\alpha\beta\gamma$. (Conclusio.) Ut quoduis igitur latus trianguli est maius: ita maiorem subtendit angulum. id quod erat demonstrandum.

Propositio decima nona. Theorema.

VIT Triangulus aliquis, angulum quemuis habuerit maiorem: ita etiam maiorem habebit eam lineam rectam, quae illum subtendit angulum.

Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, habens angulum $\alpha\beta\gamma$, maiorem angulo $\alpha\gamma\beta$.
Explicatio quaesiti.) Dico quod trianguli $\alpha\beta\gamma$, latus $\alpha\gamma$, maius sit latere $\alpha\beta$. (Demonstratio.) Si enim non fuerit maius, cum vel erit ei aequale, vel erit eo minor. sed recta $\alpha\gamma$, non est aequalis rectae $\alpha\beta$. nam triangulus $\alpha\beta\gamma$, angulo $\alpha\gamma\beta$ esset aequalis. id quod tamen non est. quare neque latus $\alpha\gamma$, lateri $\alpha\beta$, erit aequalis: neque etiam latus $\alpha\gamma$, poterit esse minus latere $\alpha\beta$.

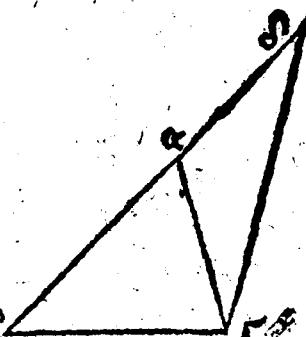
terc

αβ, ἐλάσων γδὲν ή καὶ γωνίαι τοῦ αβγ, τῆς τοῦ αγβ. σκέψει δὲ, σκηφαλάσων ἐτίνη αγ, τῆς αβ. ἐδείχθη δὲ, ὅπερ δέ εἰναι, μείζον ἀραιεῖται αγ, τῆς αβ. (Συμπέρασμα) Παντὸς ἀραιτριγώνου τοῦ τοῦ μείζονα γωνίαν, η μείζων πλεύρα ὑποτείνει. ὅπερ ἐδείχθη.

Πρόσοις κ. Γεώργιῳ.

ΠΑντὸς τριγώνου αἱ δύο πλεύραι, τῆς λοιπῆς μείζονες εἰσι, πάντη μεταλαμβανομέναι.

Εκφεσις.) Εἰσω γδὲ τριγώνου τὸ αβγ. (Διορισμὸς.) λέγω ὅπερ τὸ αβγ τριγώνου αἱ δύο πλεύραι, τῆς λοιπῆς μείζονες εἰσι πάντη μεταλαμβανομέναι, αἱ μὲν βα, αγ, τὸ γ, αἱ δὲ αβ, βγ, τὸ αγ, αἱ δὲ, βγ, γα, τῆς αβ. (Κατασκοπὴ.) Διήχθω γὰρ ηβα ὅπι τὸ δομέτον, η πείσθω τῇ γα, ἵστηδα, καὶ ἐπεξέχθω ηδγ. (Απόδεξις.) Επειδὴν ἵστηδα, τῇ αγ. ἵστηδα, καὶ γω-



νίστη

tere ab. quia etiam angulus $\alpha\gamma$, minor est
angulo $\alpha\gamma$: Cum tamen non sit. Quare neq;
latus $\alpha\gamma$, minus est latere ab. antea autem de-
monstratum est quod ei non sit aequale. Erit
ergo a γ latus, maius latere ab. (Conclusio.)
Omnis. igitur trianguli maiorem angulum
maiis latus subtendit quicunq; sumatur. Id
quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima, Theorema.

O Mnis trianguli, quævis duo late-
ra sunt maiora reliquo.

Explicatio dati.) Sit triangulus ab γ ,
Explicatio quesiti.) Dico quod trianguli ab γ
quævis duo latera, sint maiora reliquo. latera
 αb , $\alpha\gamma$, maiora latere $b\gamma$: Item latera $a\beta$, $b\gamma$
maiora latere $\alpha\gamma$: deniq; latera $b\gamma$, ya , maio-
ra latere $a\beta$. (Delineatio.) Producatur linea
 Ca , ad punctum δ : Et fiat linea $\alpha\gamma$, aequalis li-
nea $a\delta$: deniq; ducatur linea $y\delta$. (Demôstra-
cio.) Quoniam latus δa , aequale est lateri $\alpha\gamma$.

etiam

νία ή υπὸ αὐτῷ, τῇ υπὸ αὐτῷ, ἀλλ' η υπὸ Βγό^ν
γωνία, τῆς υπὸ αὐτῷ μείζων εἰς. μείζων ἄρα
η υπὸ Βγό^ν, τῆς υπὸ αὐτῷ. οὐκὶ εἴσει τριγώνου
εἰς τὸ δβγ, μείζονα ἔχον τὸ υπὸ Βγό^ν γωνία
νίαν, τὸ υπὸ αὐτῷ, υπὸ δὲ τὸν μείζονα γωνίαν
η μείζων πλεύρᾳ υποτείνει. η δέ αὕτη, τῆς Βγό^ν
εἰς τὸν μείζων. ίση δε η δέ, ταῖς αβ, αγ. μείζο-
νες αἱρετοί βα, αγ, τὸ Βγ. ὁμοίως δὴ δείξομεν
ὅτι οὐκὶ αἱ μὲν αβ, Βγ, τῆς γὰ μείζονες εἰσὶν.
αἱ δὲ Βγ, γά, τῆς αβ. (Συμπέρασμα.) Παν
τὸς ἄρα τριγώνων αἱ δύο πλευραὶ, τὸ λοιπὸν
μείζονες εἰσι, πλάνη μεταλαμβανόμεναι. ο-
ποιαὶ εἰδὲ δείξομεν.

Πρότασις κα. Γεώργια.

ΕΑν τριγώνων δύο μιᾶς τῶν πλευρῶν ἀπό^ν
τῶν περάτων δύο δύθειαν ἐντὸς συσταθῶ-
σιν, αἱ συσταθεῖσαι, τῶν λοιπῶν τὸ τριγώνου
δύο πλευρῶν, ἐλάττονες μὲν ἔσουσαι, μείζονα
δὲ γωνίαν πλειέστεραι.

(Εκθεσις.) Τριγώνων γά τοι αβγ, δύο μιᾶς
τῶν πλευρῶν τῆς Βγ, δύο τῶν περάτων τοῦ
β, γ δύο δύθειαν ἐντὸς πλειάτων αἱ βδ,
δγ.

etiam angulus $\alpha\gamma$, est equalis angulo $\alpha\beta$. Verum angulus $\beta\gamma$, maior est angulo $\alpha\beta$. quare & angulus $\beta\gamma$, angulo $\alpha\gamma$ maior erit. & quia triangulus $\alpha\beta\gamma$, angulum $\beta\gamma$ maiore habet angulo $\alpha\beta$: atq. maius latus subtendat angulum maiorem: idcirco & latus $\beta\gamma$, maius est latere $\alpha\gamma$. Sed & latus, aequale est $\alpha\beta$, a γ lateribus. quare $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$, duo latera, sunt maiora latere $\beta\gamma$. Similiter demonstrabimus, quod latera $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, sint maiora latere $\alpha\gamma$, & $\alpha\beta$, $\gamma\alpha$ latera sunt maiora latere $\alpha\beta$. Conclusio.) Omnis igitur trianguli, quaevis duo latera sunt maiora reliquo, id quod erat demonstrandum.

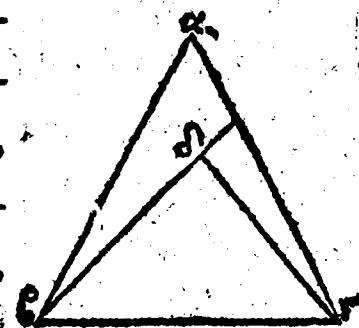
Propositio vigesima prima. Theorema.

Si à finibus vnius lateris trianguli cuiusvis duæ rectæ lineæ intra triangulum ad punctum idem statuantur: erunt quidem istæ duæ rectæ lineæ, reliquis duobus trianguli eius lateribus minores: verum maiorem angulum comprehendent.

Explicatio dati.) Sup latere enim $\beta\gamma$ trianguli $\alpha\beta\gamma$: à finib. et y duæ lineæ rectæ $\beta\delta$,

F $\delta\gamma$

οὗ. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅπερ αἱ Βδ, δύ, τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν τῶν βα, αγ, ἐλάσσονες μὲν εἰσί, μείζονα ἡ γωνία περέχοντι τῷ τόπῳ βδγ, τῆς τόπῳ βαγ. (Καὶ σκοτίη.) Διίχθω γνήθ δ, ὅπι τὸ ε. (Απόδεξις.)



Καὶ ἐπεὶ παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῶν λοιπῆς μείζονές εἰσι. τῷ αὐτῷ ἀρχε τριγώνου, αἱ δύο πλευραὶ αἱ αβ, αε, τῷ βε μείζονές εἰσι. καὶ νὴ περιγένεται τῷ γεδ τριγώνῳ αἱ δύο πλευραὶ αἱ γε, εδ, τῆς γεδ μείζονές εἰσι, καὶ νὴ περιγένεται ἡ δβ, αἱ γε, εβ ἀρχε τῶν γδ, δε μείζονές εἰσιν. ἀλλὰ τῶν βε, εγ, μείζονες ἐδείχθησαν αἱ βα, αγ, πολλῶς ἀρχε αἱ βδ, αγ, τῶν βδ, δγ, μείζονές εἰσι. πόλιν ἐστι παντὸς τριγώνου ἡ ἀκτὸς γωνία, τῆς ἀκτὸς οὐδὲ ἀπεναντίον μείζων εῖτι. τῷ γδε ἀρχε τριγώνῳ ἡ ἀκτὸς γωνία ἡ τόπῳ βδγ, μείζων εῖτι τῆς τόπῳ γεδ. Διὸ τὰ αὐτὰ ἀρχε οὐ τῷ αβε

$\delta\gamma$ statuentur intra triangulū.) Explicatio quæsiti.) Dico quod duæ rectæ $\beta\delta$, $\delta\gamma$, minores quidem sunt reliquis duobus trianguli lateribus $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: verum angulum $\beta\delta\gamma$, maiorem angulo $\beta\alpha\gamma$, contineant. (Delineatio.) Producatur enim linea $\beta\delta$, ad punctum usq; e. (Demonstratio.) Quoniam omnis trianguli duo latera maiora sunt reliquo: idcirco trianguli $\alpha\beta\gamma$, duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$ sunt maiora latere $\beta\gamma$. Commune addatur latus $\epsilon\gamma$. latera igitur $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, maiora sunt lateribus $\beta\epsilon$, $\epsilon\gamma$. Item quia trianguli $\gamma\delta\epsilon$, duo latera $\gamma\epsilon$, $\epsilon\delta$ maiora sunt latere $\gamma\delta$. Commune addatur latus $\delta\beta$. quare latera $\gamma\epsilon$, $\epsilon\beta$ maiora sunt lateribus $\gamma\delta$, $\delta\beta$. Verum latera $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, demonstrata sunt maiora lateribus $\beta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, ergo $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ latera longe erunt maiora lateribus $\epsilon\delta$, $\delta\gamma$. Rursus quoniam omnis trianguli angulus extraneus, angulo intra triangulum sibi opposito est maior: idcirco trianguli $\gamma\delta\epsilon$, angulus $\epsilon\delta\gamma$ extraneus, angulo $\gamma\delta$ interno sibi opposito est maior. Per eadem demonstra-

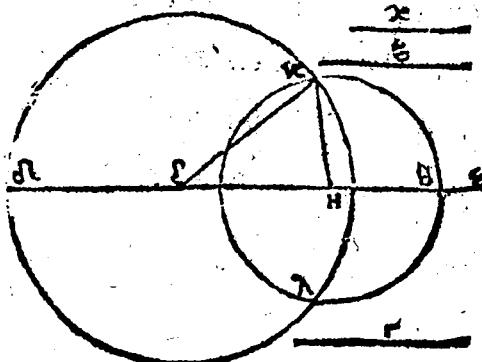
F 2 bitur.

ἀνετριγών, ἡ σκῆπτος γωνίας τῶν γερμεῖ
ζων εἰς, τῆς τῶν βαγ. ἀλλὰ τῆς τῶν γερ,
μείζων ἐδείχθη ἡ τῶν βδυ, πολλῷ ἀργήν
τὸ δύ, μείζων εἰς τῆς υπὸ βαγ. (Συμπέ-
ρασμα.) Εαὐλάρα τριγών όπι μᾶς τῶν
πλευρῶν ἀπὸ τῶν περάτων δύο δύθειαι σκη-
τὸς συστεθῶσιν, αἱ συστεθεῖσαι, τὸ λοιπόν του
τριγών δύο πλευρῶν, ἐλάττονες μὲν εἰσι,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέχοσιν. ὅπερ ἐδίδει-
χα.

Πρότασις κβ. Πρόβλημα.

ΕΚ τριῶν δύθειῶν αἱ εἰσὶν ἵσμα τρισὶ τοῖς
δοθεῖσαις δύθειαις, τριγώνον συστήσατε.
Δεῖ δὴ τὰς δύο, τῆς λοιπῆς μείζονας εἴναι
πάντη μεταλλαγματικένας, Δεῖ τὸ δὲ παν-
τὸς τριγών τὰς δύο πλευρὰς, τῆς λοιπῆς
μείζονας εἴναι, πάντη μεταλλαγματικένας.

Εκθεσις.) Εγωσαν
αἱ δοθεῖσαι τριῶν
δύθειαι αἱ α, β, γ, η
ἐν αἱ δύο, τῆς λοι-
πῆς μείζονες εἴσω-
σαν πάντη μετα-



bitur quod trianguli $\alpha\beta\gamma$, angulus $\gamma\beta\gamma$, maior sit angulo $\delta\gamma\gamma$. verum angulo $\gamma\beta\gamma$ maior est demonstratus angulus $\beta\delta\gamma$. Ergo angulus $\delta\gamma\gamma$, multò est maior angulo $\delta\gamma\gamma$. (Conclusio.) Si igitur à finibus unius lateris trianguli cuiusvis, duæ rectæ lineæ intra triangulum, ad punctum idem statuuntur: erunt quidem istæ duæ rectæ lineæ, reliquis duobus trianguli eius lateribus minores: verum maiorem angulum comprehendent. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima secunda. Problema.

EX tribus lineis rectis, quæ sunt æquales tribus rectis lineis datis: triangulum constituer. Oportet uero quas uis duas reliqua esse maiores: propterea quod in omni triangulo quævis duo latera maiora sunt reliquo.

Explicatio dati.) Sint tres lineæ rectæ datae a, b, c : & sint quævis due maiores quam

F. 3. reli-

λαμπανόρδρα, αἱ μὲν ἄ, Β, τῆς γ, αἱ δὲ ἄ,
γ, τὸς β, καὶ ἐπι αἰ β, γ, τὸς α. (Διορισμὸς.)
Δεῖ δὴ ὡκτῶν ἴσων ταῖς ἄ, Β, γ, πρίγωνον συ-
σήσθαι. (Καλασκόδη.) Εκκείσθω τίς δι-
θεῖσα ἡ δέ, πεπερασμένη μὲν κατὰ τὸ δ, ἀ-
πόφερο δὲ καὶ τὸ ε, καὶ κείσθω τῇ μὲν ἄ ἰση, η
δὲ, τῇ δὲ β ἰση, η γ, τῇ δὲ εγ ἰση η ηθ. η κέν-
τρῷ μὲν τῷ γ, πλαστήματι δὲ τῷ γδ, κύκλῳ
γεγένεθω, ὁ δικλ. καὶ πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ
η, πλαστήματι δὲ τῷ ηθ, κύκλῳ γεγένεθω
ὁ κλθ. καὶ ἐπειδύχθωσαν αἱ κλ, κη. (Διο-
ρισμὸς τῆς κατασκόδης.) Λέγω ὅτι ὡκτῶ-
νον διθέων τῶν ἴσων ταῖς ἄ, Β, γ, πρίγωνον
συμέστηκε τὸ κζη. (Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ τὸ
ζητητοῦν, κέντρον ἐστὶ τῷ δικλ κύκλῳ, ἵση ἐστὶν
η γδ, τῇ γη, ἀλλὰ η γδ τῇ αἴσιν ἰση, καὶ η κζ
ἄρα τῇ αἴσιν ἰση. πάλιν δηπτὶ τὸ η σημεῖον,
κέντρον ἐστὶν τῷ λκθ κύκλῳ, ἵση ἐστὶν η ηθ, τῇ
ηθ. ἀλλὰ η ηθ, τῇ γ ἐστὶν ἰση, καὶ η κη ἄρα, τῇ
γ ἐστὶν

reliqua: scilicet α & β maiores quam γ , & α ,
 atque γ maiores quam β : denique β & γ , maio-
 res quam α . (Explicatio quæsiti.) Oportet i-
 gitur ex tribus lineis rectis, quæ datis tribus
 α, β, γ , sunt æquales triangulum componere.

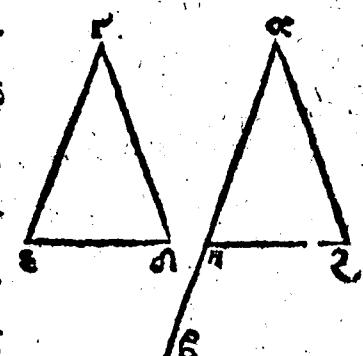
(Delineatio.) Sumatur recta aliqua linea
 δ : finita quidem ad punctum δ : infinita ve-
 rò ad punctum ϵ . deinde fiat linea recta α , æ-
 qualis linea recta $\delta\epsilon$. Itē recta β , æqualis re-
 cta $\eta\epsilon$. prætereat recta γ , æqualis recta $\eta\theta$. Ad
 bæc centro ζ , interuallo $\zeta\delta$, describatur circu-
 lus $\delta\kappa\lambda$. centro etiam η , interuallo $\eta\theta$, descri-
 batur circulus $\kappa\lambda\theta$: secans circulum $\delta\eta\lambda$, in
 punto κ . Denique ducatur linea recta $\zeta\kappa, \kappa\eta$.

(Delineationis factæ explicatio.) Dico quod
 ex lineis rectis tribus, quæ sunt æquales tribus
 rectis datis, compositus sit triangulus $\kappa\zeta\eta$.

(Demonstratio.) Quoniam punctum ζ , cen-
 trum est circuli $\delta\kappa\lambda$. idcirco recta $\zeta\delta$, æqua-
 lis est recta $\zeta\eta$: verū recta $\zeta\delta$ est æqualis rectæ
 α : itaque $\zeta\eta$ recta, æqualis est rectæ α . Item
 quoniam punctum η , est centrum circuli $\kappa\lambda\theta$:
 idcirco recta $\eta\theta$, est æqualis rectæ $\gamma\kappa$. verū $\eta\theta$

γένεντον. Εσί δέ καὶ η̄ ζη̄, τῇ βίον. αἱ τρίγωνα
άριστοις, αἱ κλ., ζη̄, ηκ τριστὶ τῶν ᾱ, β̄, γ̄,
ἴσαι εἰσὶν. (Συμπέρασμα.) Εκ τριῶν ἀρι-
στῶν τῶν κλ., ζη̄, ηκ, αἱ εἰσὶν ίσαι τριστὶ^{τριστὶ}
τῶν δοθεῖσας δύστοις τῶν ᾱ, β̄, γ̄, τρίγω-
νον συνίσταται, τὸ κλη̄. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις καὶ πρόβλημα.

Πρὸς τὴν δοθείσαν δύστοισαν, καὶ τὸ πρὸς αὐτὴν
σημεῖων, τὴν δοθείσην γωνίαν δύναμαρμα, 
ἵσην γωνίαν δύναμαρμον συστήσαται.

(Εκθεσις.) Εῖσαι οὖν δο-
θεῖσα δύστοια η̄ ᾱβ̄, τὸ δὲ
πρὸς αὐτὴν σημεῖον τὸ ᾱ,
η̄ δὲ δοθεῖσα γωνία δύνα-
μαρμα, η̄ τοῦ δύε.

(Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ πρὸς
τὴν δοθείσαν δύστοιαν τὴν ᾱβ̄, καὶ τῷ πρὸς αὐτὴν
σημεῖων τῷ ᾱ, τὴν δοθεῖσην γωνίαν εὐθυγεάρι-
μων, τὴν ύπαρξον δύε, ισικα γωνίαν εὐθύγεαρμον
συστήσασθε. (Κατασκεψή.) Εἰλί Φθω ἐφ' οὐ-
θέρας τῶν γραμμῶν, πυχόντα σημεῖα τὰ δ̄, ε̄, καὶ
ἐπεζεύ-

aequalis est γ rectæ. ergo ex $\eta\chi$ recta, aequalis est rectæ γ . Verum $\zeta\eta$, etiam est aequalis rectæ β . Tres igitur rectæ $\alpha\zeta$, $\zeta\eta$, $\eta\chi$, tribus rectis α , β , γ , sunt aequales. (Conclusio.) Ex tribus igitur rectis $\alpha\zeta$, $\zeta\eta$, $\eta\chi$, quia sunt aequales tribus datis α , β , γ , rectis: triangulus est factus $\chi\zeta\eta$. Quod faciendum erat.

Propositio vigesima tercia. Problema.

AD datam lineam rectam, & datum in ea punctum, dato angulo rectilineo, aequali angulum rectilineum statuere.

(Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$; sit datum in ea punctum α . sit angulus rectilineus datus $\delta\gamma\epsilon$. (Explicatio quæsiti.) Ad lineam rectam datam $\alpha\beta$, & punctum in ea datum α , statuendus est angulus rectilineus, aequalis angulo $\delta\gamma\epsilon$ rectilineo dato. (Delinatio.) Suntantur in lineis rectis $\gamma\delta$, $\gamma\epsilon$, puncta quævis δ , ϵ . Ducatur etiam linea

F 5 recta

ἐπεζεύχθω ἡ δέ. οὐκὶ σὺ τοιῶν ἐυθεῶν αἱ εἰσιν
ἴσαι τοισὶ ταῖς ὑδρ., δέ, γε τρίγωνον συνεσά-
τω τὸ ἄλη, ὡς εἰσην εἶναι τὰ μὲν ὑδρ., τῇ ἄλη,
τὰς δὲ γέ, τῇ ἄη, οὐκὶ εἴ τι τὰς δέ, τῇ γῆ. (Από-
δεξις.) Επεὶ γὰν αἱ δύο αἱ δῆ, γέ, δύοις ταῖς
ζε, ἄη, ίσαι εἰσὶν ἐκάτερα ἐκατέρα, οὐκὶ βάσις
ἡ δέ, βάσις τῇ γῇ ίση. γωνία ἀρά η ὑπὸ δῆς,
γωνίᾳ τῇ ὑπὸ γαγ ἐσὶν ίση. (Συμπέρασμα)
Πρὸς ἀρά τῇ δοθείσῃ ἐυθείᾳ τῇ ἄβ, οὐκὶ πᾶς
πρὸς αὐτῇ συμείω τῷ ᾱ, τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ
ἐνθυγάμμῳ τῇ ὑπὸ δῆς, ίση γωνία ἐνθύ-
γάμμῳ (οὐ σωνίσει), η ὑπὸ γαγ. ὅπερ ἔδει πο-
νουμεν.

Πρότασις κ.δ. Γεώργιος

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς
δυσὶ πλευραῖς ίσαις ἔχη ἐκάτεραν ἐκατέ-
ρα, τὰς δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη,
τὰς ὑπὸ τῶν ίσων ἐυθεῶν πεντεχομένια, οὐκὶ
τὰς βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔχει.

Εκθεσις.) Εῖσω δύο τρίγωνα, τὰ ἄβγ, δέζ,
τὰς δύο πλευρὰς τὰς ἄβ, ἄγ, ταῖς δυσὶ^{πλευ-}

recta de. Postea ex talibus lineis rectis, quae sunt aequales tribus rectis $\gamma\delta$, $\delta\varepsilon$, $\varepsilon\gamma$, componatur triangulus $\alpha\gamma\delta$: sic ut lineæ $\gamma\delta$, sit aequalis linea $\alpha\beta$: & linea $\varepsilon\gamma$ linea $\alpha\gamma$, item linea $\delta\varepsilon$ aequalis linea $\gamma\alpha$. (Demonstratio.) Quoniam duo latera $\delta\gamma$, $\varepsilon\gamma$, duobus lateribus $\alpha\gamma$, $\alpha\delta$, sunt aequalia alterum alteri, & basis $\delta\varepsilon$, aequalis sit basi $\gamma\alpha$. Erit igitur angulus $\delta\gamma\varepsilon$, aequalis angulo $\gamma\alpha\delta$. (Conclusio.) Ad datam igitur lineam rectam $\alpha\beta$, & ad punctum in ea datum α , dato angulo rectilineo $\delta\gamma\varepsilon$, constitutus est angulus rectilineus $\gamma\alpha\delta$. Id quod erat faciendum.

Propositio vigesimaquarta. Theorema.

Si fuerint trianguli vnius, duo latera aequalia duobus lateribus alterius trianguli, alterum alteri: sed angulus vnius maior angulo alterius, quæ aequales rectæ lineæ comprehendunt: etiam basis basi maior erit.

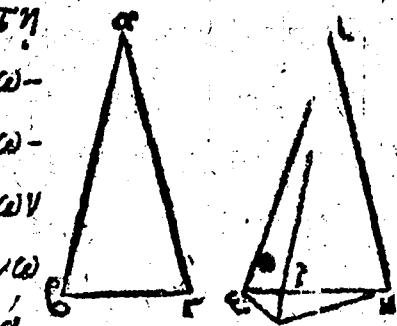
(Explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\alpha\delta\gamma$, quorum duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$, duobus lateribus

πλευρῶν, τοῖς δὲ δίζησθαις ἔχοντας ἐκάλεσαν
ἐκάλεσαν, τιμὴν αὐτῷ, τῇ δὲ, περὶ
δέ, τινὸς δὲ αὐτοῦ, τῇ δίζησθαις τοῖς
μείζων στοιχεῖον εἶναι. (Διορισμός.) Λέγω
ὅτι καὶ Βάσις ἡ βῆ, βά-
σεως τῆς εἰς, μείζων εἰς·ν. (Κατασκευὴ.) Ε-

πεὶ γὰρ μείζων εἰς·ν ἡ τοῦ βαγγοῦ γωνία, τῆς
τοῦ εἰδής γωνίας, συνεστάτω πέδος τῇ δὲ δι-
θείᾳ, καὶ τῷ πέδῳ αὐτῇ σημείῳ τῷ δ, τῇ δὲ
βαγγοῦ γωνίᾳ τοῦ ὑπὸ εἴδη, καὶ κείσθω ὅποιέ-
ρει τῶν αὐτῶν δίζησθαις, καὶ ἐπεξεύχθωσαν,
αὐτῆς, ζῆ. (Απόδεξις.) Επεὶ δὲν ισης εἰς·ν μὲν
αὐτῷ, τῇ δὲ, οὐ δὲ αὐτῷ, δύο δῆσι διαβαταῖς, αὐτοῖς
θυσία ταῖς εἰδέσθαις, δῆσι, ισημείοντας τοῖς
καὶ γωνίας ὑπὸ βαγγοῦ, γωνία τῇ ὑπὸ εἴδη, ιση-

εῖς, βάσις ἀρχή βῆ, βάση τῇ εἴη, εἰς·ν ιση·πά-
λιν, ἐπεὶ ισης εἰς·ν δῆ, τῇ δίζησθαις καὶ γω-
νίας ὑπὸ δῆσθαις, γωνία τῇ τοῦ δῆσθαις μείζων
ἀρχή τοῦ δῆσθαις, τῆς τοῦ εἴδης πολλῷ ἀρχε μεί-

ζων εἰς·ν τοῦ εἴδης, τοῦ εἴδης καὶ ἐπεὶ τοῦ
γωνίου εἰς, τὸ εἴδη, μείζονας ἔχον τινὸς τοῦ



ribus δe , $\delta \gamma$ sint aequalia, alterum alteri la-
tus $a\beta$, lateri δe , & latus $a\gamma$, lateri $\delta \gamma$: sed
angulus Cay sit maior angulo $e\delta \gamma$.

(Explicatio quaestio.) Dico quod basis Cy , basi $e\gamma$ fit maior. (Delineatio.) Quo-
niam angulus Cay maior est angulo $e\delta \gamma$.
Statuatur ad lineam rectam $e\delta$, & ad pun-
ctum in ea δ , angulus $e\delta\eta$ aequalis angulo
 Cay : & fiat alterutri linea rum $a\gamma$, $\delta\gamma$ a-
equalis linea recta $\delta\eta$. & ducantur linea re-
cta ne , $\gamma\eta$.

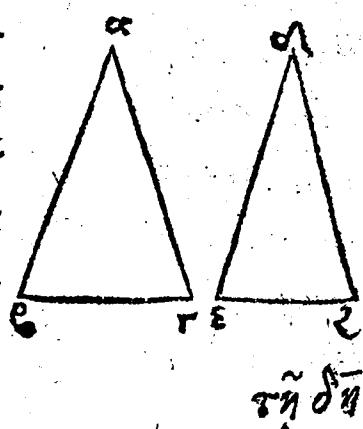
(Demonstratio.) Quoniam latus $a\beta$, a-
quale est lateri δe , & latus $a\gamma$ aequale est
lateri $\delta\gamma$: duo igitur latera Ca , $a\gamma$, duobus
lateribus $e\delta$, $\delta\eta$ sunt aequalia, alterum al-
teri, & angulus Bay , aequalis est angulo
 $e\delta\eta$. Ergo basis Cy , basi $e\gamma$ est aequalis.
Item quoniam latus $\delta\eta$, est aequale lateri $\delta\gamma$:
erit etiam angulus $\delta\gamma\eta$, aequalis angulo $\delta\eta\gamma$,
ergo angulus $\delta\gamma\eta$ maior est angulo $e\eta\gamma$.
quare angulus $e\eta\gamma$, longe maior est angulo
 $e\eta\gamma$. Cum etiam triangulus $e\eta\gamma$, habeat an-
gulum

εἰδη γωνίαν τῆς πτώσης, τὸ δὲ τῶν μείζονα γωνίαν ή μείζων ἀλλορὰ παρόλευκη. μείζων ἀρχικὴ ἀλλορὰ ηγέτη, τῆς εὐθ. οὐ δὲ η εῆ, τῇ βῃ, μείζων ἀρχικὴ η βῃ, τῇ εῃ. (Συμπεράσμα.) Εὰν ἄρα δύο τρίγωνα, τὰς δύο ἀλλορὰς ταῖς δυσὶ πλαντραῖς οὐας ἔχη ἐκατέραις ἐκατέραις, τὰ δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη, τὰ τῷ πτῶν ισων δύθειῶν περιεχομένην, οὐκ τὰς βάσους τῆς βάσεως μείζονα ἔχει. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις κὲ. Γεώργιον.

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο ἀλλορὰς ταῖς δυσὶ πλαντραῖς οὐας ἔχη ἐκατέραις ἐκατέραις, τὰς βάσους δὲ τῆς βάσεως μείζονα ἔχη, οὐ πτῶν ισων δύθειῶν περιεχομένης.

Εκθεσις.) Εῖω δύο τρίγωνα τὰς αβγ, δεζ, τὰς δύο ἀλλορὰς τὰς αβ, αγ, ταῖς δυσὶ πλαντραῖς ιαῖς δὲ, δεζ, οὐας ἔχονται ἐκατέραις ἐκατέραις, τὰς μὲν αβ,



gulum εγ η , maiorem angulo εγ β : ac maiorem angulum maius latus subtendat. idcirco latus εη, maius est latere εγ. verum latus εη, aequalē est lateri εγ. ergo εβ γ -latus maius est latere εγ. (Conclusio.) Si ergo duo fuerint trianguli, habentes duo latera, duobus lateribus aequalia, alterum alteri: angulum verò angulo maiorem, qui aequalibus illis lateribus continetur: etiam basin basi maiorem habebunt. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesimaquinta. Theorema.

Si trianguli vnius, duo latera fuerint aequalia duobus lateribus trianguli alterius, sed basis vnius fuerit maior basi alterius: erit etiam angulus vnius maior angulo alterius, quem aequalē illæ rectæ lineæ comprehendunt.

Expliatio dati.) Sint duo trianguli αβγ, δεζ: quorū duo latera αβ, αγ, sint aequalia duobus laterib. δε, δζ, alterū alteri, latus αβ, aequalē

τῇ δέ, τίνι δὲ σχ, τῇ δῃ, βάσις δὲ οὐ, βάσεως τῆς εἱ, μείζων ἐν. (Διοργμὸς.) Λέγωσποτε καὶ γωνία ἡ πτυχὴ βαγγωνίας τῆς πτυχὴς εἱ, μείζων ἐντὸν. (Απόδειξις.) Εἰ γὰρ μη, ητοι ἵση ἐντὸν αὐτῇ, η ἐλάσιων. ἵση μὲν γὰν ἐντὸν η πτυχὴ βαγγωνία, τῇ πτυχὴς εἱ, ἵση γοῦνη καὶ η βάσις η οὐ, βάσεως τῆς εἱ, σύκηστι δὲ, σύκηστι ἵσην η πτυχὴ βαγγωνία, τῇ υπόπτυχὴς εἱ. ἀλλ' οὐ δὲ μη ελάσιων. ελάσιων γοῦνη καὶ βάσις η οὐ, βάσεως τῆς εἱ, σύκηστι δὲ, σύκηστι ελάσιων ἐντὸν η πτυχὴ βαγγωνία, τῆς πτυχὴς εἱ. (Συμπλέγμα.) Εαν δέρχεται δύο περιγωνά, τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἵσους ἔχη ἐκαλέσθαι ἐκαλέροι, τίνι δὲ βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔχει, καὶ τίνι γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχει, τίνι πτυχὴν τῶν ἵσων διθεῖον περιεχομένην. οὐδὲ ἐδίδαξεν.

Πρότασις καὶ θεώρημα.

equale lateri δe , & latus αy , aequalē lateri δ^2 . sed basis βy , sit maior basi $e\delta^2$. (Explicatio quæfiti.) Dico quod angulus βay , maior sit angulo $e\delta^2$. (Demonstratio.) Quod si enim nō fuerit maior, aut erit ei æqualis, aut eo minor. sed angulus βay , non est æqualis angulo $e\delta^2$. nam & basis βy , etiam eſſet æqualis basi $e\delta^2$: Verūm non est ei æqualis. quare nec angulus βay , est æqualis angulo $e\delta^2$: sic etiam non est eo minor: siquidem & basis βy , basi $e\delta^2$ minor eſſet: quod tamen nō est. quare nec angulus βay , angulo $e\delta^2$ minor est. demonstratum verò antea fuit, quod ei non sit æqualis. Erit igitur angulus βay , angulo $e\delta^2$ maior. (Conclusio.) Si ergo fuerint trianguli unius duo latera æqualia duobus lateribus trianguli alterius, alterum alteri, sed basis unius maior basi alterius: erit etiam angulus unius, maior angulo alterius, quem æquales rectæ lineæ comprehendunt. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima sexta. Theorema.

G Quo-

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας, τὰς δύσι γωνίας ίσας ἔχη ἐκάλεσθαι ἐκάλερα, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾶν πλευρᾶν ίσην, ητοι τὰ πέδος τῶν ίσας γωνίας, η τὰς ὑπογείας πέδου μὲν τῶν ίσων γωνιῶν, καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς τῶν λοιπῶν πλευρῶν ίσας ἔξει, ἐκάλεραν ἐκάλερα, καὶ τὰς λοιπὴν γωνίαν, τὴν λοιπὴν γωνίαν.

Ἐκθέσις πρώτη.) Εῖώσαν δύο τρίγωνα, τὰ ᾱβγ δὲ, τὰς δύο γωνίας τὰς ς ᾱβγ, βγᾱ, δύσι τῶν δεξιῶν, εὐδι, ίσας ἔχοντας, ἐκάλεσθαι ἐκάλερα: τὸ μὲν τρίγωνον ᾱβγ, τη̄ τρίγωνον δεξιόν βγᾱ, τη̄ τρίγωνον εὐδι. ἔχετω δὲ καὶ μίαν πλευρὰν, μιᾶν πλευρᾶν ίσην, πρότερον τὰ πέδος τῶν ίσας γωνίας, τὰς βγ, τη̄ εὐδι. (Διορισμὸς πρώτης.) Λέγω ὅπερ καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς, τὰς λοιπῶν πλευρῶν ίσας ἔξει ἐκάλεραν ἐκάλερα, τὸ μὲν ᾱβ, τη̄ δε, τὸ δε ᾱγ, τη̄ δε, καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας, τη̄ λοιπὴν γωνίαν.

Quorum triangulorum duo anguli unius fuerint æquales duobus angulis alterius: alter alteri: & latus unum, æquale vni: siue illud appositorum æqualibus illis angulis: siue subtenet vnum ex æqualibus illis angulis: illorum tum reliqua latera inter se erunt æqualia, alterum alteri: tum etiam reliquius angulus reliquo angulo erit æqualis.

Prima explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\delta\epsilon\zeta$, quorum duo anguli $\alpha\beta\gamma$, $\beta\gamma\alpha$ sint æquales duobus angulis $\delta\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$, alter alteri: angulus $\alpha\beta\gamma$, æqualis angulo $\delta\epsilon\zeta$, & angulus $\beta\gamma\alpha$, angulo $\epsilon\zeta\delta$: habeant etiam unum latus vni lateri æquale, & primo loco latus quod possum est ad æquales illos angulos, latus $\beta\gamma$, lateri $\epsilon\zeta$. (Prima explicatio quesiti.) Dico quod & reliqua latera reliquis lateribus habebunt æqualia, alterum alteri, latus $\alpha\beta$, lateri $\delta\epsilon$, & latus $\alpha\gamma$, æquale lateri $\delta\zeta$: & reliquum angulum reliquo an-

τῷ γωνίᾳ, τὸν ὑπὸ Βαγ, τῷ ύπὸ εἰδ? (Κα-
τασκευὴ πεώτη) Εἰ γὰρ αἴσιός εἰναι ἄβ, τῇ
δὲ, μία αὐτῶν μείζων ἔσται. οὐ μείζων, η
ἄβ, η κοίδωτη τῇ δὲ ίση η ηβ, Σέπελύχθω η.
ηγ. (Απόδεξις πεώτη.) Επεὶ δὲ οὐ η
μεν Βη, τῇ δε, η δὲ Βη, τῇ εἰ, δύο δη αἱ Βη,
Βη, δυσὶ ταῖς δε, εἰ, ισαὶ εἰσὶν ἐκάτερα ἐκα-
τέρα, καὶ γωνία η υπὸ ηγ γωνία τῇ ύπὸ
δελφίσι οὐ. Βάσις ἀρα η ηγ, Βάσις τῇ δελφίσι
οὐ. Καὶ τὸ ηγβ τρίγωνον, τῷ δὲ τριγώνῳ
οὐ έσται, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς
γωνίαις ισαὶ έσσονται ἐκάτερα ἐκάτερα, οὐ φ' αἱ
αἱ ισαὶ πλευραὶ υπολείνουσιν. ίση ἀρα η υπὸ²
ηγβ γωνία, τῇ ύπὸ δελφί, ἀλλὰ η ύπὸ δελφί, τῇ
υπὸ Βγα υπόκειται ίση, καὶ η ύπὸ Βγη ἀρα,
τῇ ύπὸ Βγα ίση οὐ, η ελάσσων τῇ μείζονι,
οὐδὲ ἀδικάτον. (Συμπέρασμα πεώτου.) Σόκ
ἀρα αἴσιός οὐ η ἄβ, τῇ δε, ίση ἀρα οὐ δὲ η
ηβη, τῇ εἰσι, δύο δη αἱ ἄβ, Βη, δύο ταῖς
δε, εἰ, ισαὶ εἰσὶν ἐκάτερα ἐκάτερα, καὶ γωνία
η ύπὸ ἄβη, γωνία τῇ υπὸ δελφίσι οὐ, Βά-

gulo aequali, nempe angulum $\beta\gamma$, aequali
angulo $\delta\epsilon$. (Prima delineatio.) Si c-
nun $a\beta$, latus, inaequale fuerit lateri $\delta\epsilon$, v-
num existis sit maius. si igitur latus $a\beta$, ma-
ius, ex fuit recta $\delta\epsilon$, aequalis recta $\beta\gamma$, & du-
catur recta $\alpha\gamma$. (Prima demonstratio.) Cum
itaq; latus $\beta\gamma$, sit aequali lateri $\delta\epsilon$, & latus
 $\beta\gamma$, duobus lateribus $\delta\epsilon, \epsilon\zeta$, sunt aequalia al-
terum alteri, & angulus $\eta\beta\gamma$, angulo $\delta\epsilon$ a-
qualis: ergo basis $\eta\gamma$, basi $\delta\epsilon$ est aequalis, &
triangulus $a\gamma\zeta$, triangulo $\delta\epsilon\zeta$ est aequalis, &
reliqui anguli, reliquis angulis sunt aequales,
alter alteri, quos aequalia illa latera subten-
dant angulus $\eta\gamma\zeta$, aequalis angulo $\delta\epsilon\zeta$, sed an-
gulus $\delta\epsilon\zeta$, pponitur aequalis angulo $\zeta\gamma\alpha$, erit
igitur angulus $\zeta\gamma\eta$, etiam aequalis angulo
 $\beta\gamma\alpha$, minor maiori, quod fieri nequit. (Con-
clusio prima.) Ergo latus $a\beta$, non est inaequale
lateri $\delta\epsilon$. ergo erit ei aequali, verum latus $\beta\gamma$
etiam est aequali lateri $\delta\epsilon$: duo igitur latera
 $a\beta, \beta\gamma$, duobus lateribus $\delta\epsilon, \epsilon\zeta$, sunt aequalia
alterum alteri: & angulus $a\beta\gamma$, angulo $\delta\epsilon\zeta$

οις ἄρδαι ἀγ, βάσος τῇ δῆλος, οὐτέ εἰναι καὶ λοιπή
γωνία η ὑπὸ βάση, λοιπή γωνία τῇ ὑπὸ εδῶ
ἴση εῖν. (Εκθεσις διλέρευ.) Άλλὰ δὴ πάλι
ἴσωσαν αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας πλάνραι ὑ-
πολείνυσσαι ισαὶ, ὡς η ὁ β, τῇ δὲ. (Διορθοὶς
διλέρευ.) Λέγεται πάλιν, οὐτέ καὶ αἱ λοιπαὶ
πλάνραι, ταῖς λοιπαῖς πλάνραις ισαὶ εσσον-
ται, η μὲν ἀγ, τῇ δῆλος, η δὲ β, τῇ εἶλος, καὶ εἴτη
λοιπή γωνία η ὑπὸ βάση, λοιπή τῇ ὑπὸ εδῶ
ἴση εῖν. (Κατασκόψῃ διλέρευ.) Εἰ γάρ αὐτ-
ός εἰνη η β, τῇ εἶλος, μία αὐτῶν μικρών εῖν.
ἴσωσι διωμάτον μείζων, η β, καὶ κεκλιθεῖ τῇ
εἶλος, ίση η γθ. καὶ επειδύχθω η αθ. (Απόδεξις
διλέρευ.) Καὶ επειδή ίση εῖν η φρέν βθ τῇ εἶλος, η
δὲ αβ τῇ δε, δύο δὴ αἱ αβ, γθ, δυσταῖς δὲ
εἶλοις εἰσὶν ἐκάτερα ἐκάτερα, καὶ γωνίας ι-
σας περιέχουσι, βάσις ἀρχη ἀθ, βάσος τῇ δῆλος
ίση εῖν, καὶ τὸ αβθ σείγων, τῷ δε εἶλος γωνία
ίσον εῖν, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς
γωνίαις ισαὶ εσσονται ἐκάτερα ἐκάτερα, υφ
αἱ αἱ ισαὶ πλάνραι ὑπολείνυσσιν. ίση ἀρχεῖν
η ὑπὸ βθα γωνία, τῇ ὑπὸ εἶλος, ἀλλὰ η ὑπὸ
εἶλος

equalis. basis itaq; ay, basi d² erit aequalis,
 & reliquus angulus C_{ay}, reliquo angulo e²
 aequalis. (Secunda explicatio dati.) Verū ite-
 rū statuantur latera aequales angulos subten-
 dentia aequalia, vt a² latus, aequale lateri d².
 (Secunda explicatio quæsiti.) Dico quod etiā
 reliqua latera, reliquis laterib. sint aequalia,
 latus ay, aequale lateri d², et latus C_y, aqua-
 le lateri e²: deniq; reliquus angulus C_{ay}, reli-
 quo angulo e² aequalis. (Secunda delineatio.)
 Si enim latus C_y, nō fuerit aequale lateri e²:
 sed alterum ex eis fuerit maius. si latus C_y,
 si poterit fieri, maius latere e²: & fiat lateri
 e², aequale latus C_θ, & ducatur recta ab. (Se-
 cunda Demonstratio.) Quoniam latus C_θ, a-
 quale est lateri e², & iatus a², aequale lateri
 d²: duo itaq; latera a², C_θ, duobus laterib. d²e,
 e², sunt aequalia alterum alteri: & angulos
 comprehendunt aequales: basis igitur ab, est
 aequalis basi d²: & triangulus a²C_θ, triangula
 d²e est aequalis: & reliqui anguli, reliquis an-
 gulis sunt aequales alter alteri, quos aequalia
 illa latera subtendunt: angulus C_{da}, aequalis

έδι, τῇ ψεύτῳ Βγαγωνίᾳ ἔστιν ἴση, καὶ η̄ τῷ
 Βθάρρῳ, τῇ ψεύτῳ Βγαλέσιν ἴση. τριγώνος δῆ
 τάθυ, η̄ ἐκ τοσού γωνίας ὑπὸ Βθάρρου ἔστι τῇ συ-
 τὸς καὶ ἀντ' ἀνατίσιν τῇ ὑπὸ Βγαλέσι, ὅπερ ἀδύ-
 νατὸν ἔστιν. (Συμπέρασμα δεύτερον.) Συνά-
 εργάνισσός ἔστιν οὐδὲ Βγαλέσι, ιση ἀρρ. Εστὶ δὲ καὶ
 η̄ αὐτός, τῇ δὲ ιση, δύο δῆλαι αὐτός, Βγαλέσι, δύο ταῖς
 δεξεραῖς εἰσὶν ἐκάτερα εἰκαλέρα, καὶ γωνίας
 τοις περιέχουσι. Βάσις ἀρρ. η̄ αὐτός, Βάσις τῇ δῆ-
 λῃ ιση, καὶ τὸ αὐτό γρίγωνον, ταῦ δὲ τριγω-
 νῶ ισουν ἔστι, καὶ η̄ λοιπὴ γωνία η̄ τῷ Βγαλέσι,
 τῇ λοιπῇ γωνίᾳ η̄ τῷ δέλῃ, ιση ἔστιν. (Συμ-
 πέρασμα καθόλου.) Εάν ἀρρ. δύο τριγωνα-
 τὰς δύο γωνίας ταῖς δυσὶ γωνίαις ισουσι τοις
 ἐκάτεραι εἰκαλέρα, καὶ μίαν πλεύραν μία
 πλεύραν ισην ἔχῃ, η̄ τοις ταῦ πρὸς ταῖς ισουσι
 γωνίαις, η̄ πιού τοσούντοις τῷ μίαν τῶν
 ισων γωνιῶν, Στὰς λοιπὰς πλεύρας, ταῖς
 λοιπαῖς πλεύραῖς ισας ἔξει, καὶ ταῦ λοι-
 πῶν γωνίαν τῇ λοιπῇ γωνίᾳ. ὅπερ ἔδει δε-
 ξα.

angulo $\angle \delta$. Verum angulus $\angle \delta$, est aequalis angulo $\beta\gamma$: ergo angulus $\beta\theta\alpha$, est aequalis angulo $\beta\gamma$. Trianguli igitur $\alpha\beta\gamma$, angulus $\beta\theta\alpha$ externus, angulo $\beta\gamma$ interno sibi opposito est aequalis, quod fieri nequit. Quare latus $\beta\gamma$, non est inaequale lateri $\angle \delta$: erit igitur ei aequalis, sed etiam latus, est aequaliteri $\angle \delta$: duo igitur latera $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, sunt aequalia duobus lateribus $\angle \delta$, et alterum alteri, et angulos comprehendunt aequales. basis igitur $\alpha\gamma$, basi $\angle \delta$ est aequalis, et triangulus $\alpha\beta\gamma$, est aequalis triangulo $\angle \delta$: et reliquis angulis $\beta\alpha\gamma$, reliquo angulo $\angle \delta$ est aequalis.

(Conclusio.) Quorum ergo triangulorum duo anguli unius, fuerint aequales duobus angulis alterius, alter alteri: et latus unum unius lateri aequale: siue illud appositum sit aequalibus illis angulis: siue subtendat unum ex aequalibus illis angulis: illorum tum reliqua latera inter se erunt aequalia, alterum alteri: tum etiam reliquis angulis, reliquo angulo erit aequalis. Id quod erat demonstrandum.

ΤΟ ΔΕΥΤΕΡΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ-
ΤΟΥ ΤΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ.

Πρότασις κ. Ιεώρημα.

ΕΑν εἰς δύο δύθειας δύθεια ἐργάζονται τὰς
συναλλαξ γωνίας ἵσταις ἀλλήλαις ποιῶν, πα-
ράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ δύθεῖαι.

Εκφέσις.) Εἰς γεδύο δι-
θέιας τὰς αβ, γδ, δθείας
ἐμπίπλουσαι η εζ, τὰς εν-
αλλαξ γωνίας τὰς ψω
ωεζ, εζδ, ισταις ἀλλήλαις
ποιήτω. (Διορθομός.) Λέ-

γωνίη παραλληλός ἐστιν η αβ, τῇ γδ δύθεια.

(Χρόνεσις.) Εἰ γε μη σκιβαλόρμημα αἱ αβ,
γδ συμπίεσθησι, ητοι ὅπερ τὰ βδ μέρη η ὅπερ
τὰς γ σκιβεβληθωσαν οὐκού συμπίπετωσαν
ὅπερ τὰ βδ μέρη κατὰ τὸ η. (Απόδειξις.)

Τελγάνγραδη ηεζ η ἐκτος γωνία η ψωδεζ
μέγιστην εστι τῆς σκιλος οὐκού ἀπεναντίον γωνίας
η ψωδεζη, ἀλλα ιηδη ιοη, ο ωδε εστιν ἀδιώδον.
σκιλος αἱ αβ, γδ ο σκιβαλόρμημα συμπί-
εσθησι, οπερ τὰ βδ μέρη. Ομοίως δη δειχθή-

σεταις.

**PARS ALTERA HVIVS PRI
MI ELEMENTI.**

Propositio vigesima septima. Theorema.

Si in duas lineas rectas, recta incidens linea, angulos alternos æquales inter se fecerit: æquedistantes inter se erunt rectæ illæ duæ lineæ.

Explicatio dati.) In lineas duas rectas ab, yd incidentes linea recta e^g, angulos alternos ae^g, egd, æquales inter se faciat. (**Explicatio quaeficii.**) Dico quod recta ab, recta yd, æquedistant. (**Hypothesis.**) Si enim nō æquedistant, cum protractæ lineæ rectæ ab, yd concurrunt vel ex partibus β & d: vel ex partibus a, & y. protrahantur ex concurrant ex partibus β , & d: in punto η . (**Demōstratio.**) Trianguli igitur ne^g, angulus ae^g, externus, angulo eg η interno opposito est maior: verum etiam est ei æqualis. quod fieri non potest. quare rectæ ab, yd, si protrahantur, non concurrent ex partibus β , & d. similiter de-
monstra-

στοιχ., οπίς δέ θητί τὰ ἄγ. αὐδέσπι προμέτεσσος
τὰ μέρη συμπίπτοντα, παράλληλοί εἰσι, πα-
ράλληλοί εἰσιν η ἀβ., τῇ γρ. (Συμ-
πέρσημα.) Εὰν ἀρχαί εἰς δύο δύθείας δύθεία
ἐμπίπτοντας τὰς συναλλαξ γωνίας ίσαις αλλή-
λαις ποιήσι, παράλληλοι εσούλησι δύθεία. ο-
ντες ἔσται δεῖχαν.

Πρότασις καὶ θεώρημα.

Eάπος δύο δύθείας δύθεία εμπίπτεις, η
τὴν εκτὸς γωνίαν, τῇ συτὸς καὶ απεναντίον
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ίσαις ποιήσι, η τὰς συ-
τὸς, καὶ ὅπλι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὁρθαῖς ίσαις
ποιήσι, παράλληλοι εσούλησι αλλήλαις αἱ δύ-
θείας.

(Εκθετις.) Εἰς τὸ δύο δύ-
θείας τὰς αἴσ, γράψεις
εμπίπτοντας η ἔξ, τὴν εκτὸς
γωνίαν τὴν τῶν ἀνθεμίθησις
γωνία, τῇ τῶν ηθδ., ίσαις ποι-
ήσι, η τὰς συτὸς καὶ ὅπλι τὰ αὐτὰ μέρη τὰς
ὑπόθηθ, ηθδ., δυσὶν ὁρθαῖς ίσαις. (Διοργ-
μός.)

monstrabitur, quod neq; ex partibus α , β ,
concurrant recta vero, que ex neutra parte
concurrunt, si protahantur, sunt inter se æ-
quedistantes. quare recta $\alpha\beta$, aequedistat re-
cta $\gamma\delta$. (Conclusio.) Si igitur in duas line-
as rectas, recta incidat linea, ac faciat angu-
los alternos inter se æquales: recte iste linea
inter se sunt aequedistantes. Id quod erat de-
monstrandum.

Propositio vigesima octava. Theorema.

Si linea recta in duas rectas incidens
lineas, extraneum angulum inter-
no cui opponitur ex eadem parte fece-
rit æqualem: vel si duos internos ex
eadem parte fecerit æquales duobus
angulis rectis: æquedistantes inter se
erunt duæ illæ lineæ rectæ.

Explicatio dati.) In lineas duas rectas $\alpha\beta$,
 $\gamma\delta$, incidens linea recta $\epsilon\zeta$: angulum extra-
neum $\epsilon\gamma\zeta$, interno opposito ex eadem parte
angulo $\eta\theta\delta$ faciat æqualem: & faciat duos
angulos internos ex eadem parte $\zeta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$,
æquales duobus angulis rectis. (Explicatio

μός.) Δέγω ὅτι παράληλος ἔστιν οὐκέπιθεν, τῇ
γρ. (Απόδειξις.) Εἰσεῖτε γὰρ ἵστον οὐκέπιθεν,
εἶτα, τῇ πάσῃ γρ., ἀλλὰ οὐ πάσῃ γρ., τῇ υπάρχῃ
αἴτιος ἵστον, καὶ οὐ πάσῳ αἴτιος γρ., τῇ πάσῃ γρ.
ἔστιν γρ. καὶ εἰσὶν συναλλάξ. παράληλος (γρ.)
εἰσὶν οὐκέπιθεν, τῇ γρ. Πάλιν ἐπεὶ αἱ πάσαις γρ.,
γρ., δύσιν ὁρθαῖς γραψεὶσιν, εἰσὶ δὲ καὶ αἱ υπάρχῃ
αἴτιος γρ., γρ. δύσιν ὁρθαῖς γραψεὶσι, αἱ ἀρχαὶ πάσῃ αἴτιος,
βῆθ, ταῖς πάσῃ βῆθ, γρ., γρ., γραψεὶσι, καὶ νῦν ἀφε-
ρήμων οὐ πάσῃ βῆθ, λοιπὴ γρ., οὐ πάσῃ αἴτιος,
λοιπὴ τῇ υπάρχῃ γρ. ἔστιν γρ. καὶ εἰσὶν συναλ-
λάξ, παράληλος (γρ.) γραψεὶσι οὐκέπιθεν, τῇ γρ.
(Συμπέρασμα.) Εαὐτὸς εἰς δύο δύθείας
δύθεια ἐμπίποντα, τὰς σκήτους γωνίαν τῇ σκ-
τος εἰς ἀπεραντίον καὶ σπίτι τὰ αὐτὰ μέρη γραψε-
ποιῆ, η τὰς σκτος καὶ σπίτι τὰ αὐτὰ μέρη δύ-
σιν ὁρθαῖς γραψεις, παράληλοι εσσιν) αἱ δύθεια.
ὅποι εἰδένειν δεῖξαν.

Πρότασις κθ. Ιεώρημα.

Η 615

quasfit.) Dico quod recta $\alpha\beta$, æquedistet re-
cta $\gamma\delta$. (Demonstratio.) Cum enim angulus
 $\alpha\beta$, sit æqualis angulo $\eta\theta$: & angulus $\epsilon\eta\beta$,
etiam sit æqualis angulo $\alpha\eta\theta$: idcirco angulus
 $\alpha\eta\theta$, etiam est æqualis angulo $\eta\theta\delta$, & sunt
anguli alterni. quare recta $\alpha\beta$, recta $\gamma\delta$, est
æquedistans. Rursus, quoniam anguli $\epsilon\eta\theta$,
 $\eta\theta\delta$, duobus rectis sunt æquales: & duo angu-
li $\alpha\eta\theta$, $\epsilon\eta\theta$, etiam duobus rectis æquales: id-
circo anguli $\alpha\eta\theta$, $\beta\eta\theta$ sunt duobus angulis
 $\beta\eta\delta$, $\eta\theta\delta$ æquales: communis auferatur an-
gulus $\beta\eta\theta$. reliquis igitur angulis $\alpha\eta\theta$, re-
liquo angulo $\eta\theta\delta$ est æqualis, & sunt angu-
li alterni. ergo recta $\alpha\beta$, æquedistat recta
 $\gamma\delta$. (Conclusio.) Si igitur linea recta in
duas rectas incidens lineas, extraneum angu-
lum interno cui opponitur, ex eadem parte fe-
cerit æquale: vel si duos angulos internos ex
eadem parte fecerit æquales duobus angulis
rectis: æquedistates inter se erunt due illæ li-
nea recta. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima nona. Theorema.

Linea

μὸς.) Λέγω ὅτι παράλληλος ἐστιν ἡ ἄβ., τῇ
γδ. (Απόδεξις.) Εἰσεί γδ. ἵση εἰσὶν ἡ πάση
ἄγθι, τῇ πάσῳ ηθῷ, ἀλλὰ ἡ πάσῳ ἔηθ., τῇ ύπασ
ῆθι εἰσὶν ἵση, καὶ ἡ πάσῃ ηθῷ ἄρχε, τῇ πάσῳ ηθῷ
ἐσὶν ἵση. καὶ εἰσὶν σκαλλάξ. παράλληλος ἄρχε
εἰσὶν ἡ ἄβ., τῇ γδ. Πάλιν επεὶ δι τὸν Βῆθ.,
ηθῷ, δύσιν ὄρθαις ἵσαι εἰσὶν, εἰσὶ δὲ καὶ αἱ υπὸ^{τοῦ}
ηθῷ, Βῆθ. δύσιν ὄρθαις ἵσαι, αἱ ἄρχε τὸν ηθῷ,
Βῆθ., ταῖς πάσῃ Βῆθ., ηθῷ, ἵσαι εἰσὶ, καὶ νὴ ἀφη
ρήσαντα τὸν Βῆθ., λοιπὴ ἄρχε, ἡ πάσῃ ηθῷ,
λοιπὴ τῇ ύπασῃ ηθῷ ἔστιν ἵση. καὶ εἰσὶν σκαλ-
λάξ, παράλληλος ἄρχε εἰσὶν ἡ ἄβ., τῇ γδ.
(Συμπλέγμα.) Εαὶ ἄρχε εἰς δύο οὐθεῖας
οὐθεῖα ἐμπίπλου, τὰς ἑκτὸς γωνίαν τῇ σκ-
τὸς εἰς ἀπεναντίον καὶ ὅπι τὰς αὐτὰ μέρη ἵση
ποιητὴ τὰς ἑκτὸς καὶ ὅπι τὰς αὐτὰ μέρη δυ-
σὶν ὄρθαις ἵσαι, παράλληλοι ἔσσονται οὐθεῖα.
ἔπει δὲ δεῖξαν.

Πρότκοτς κθ. Γεώργιος.

Ηλίας

quasfit.) Dico quod recta $\alpha\beta$, aequedistet rectae $\gamma\delta$. (Demonstratio.) Cum enim angulus $\alpha\beta$, sic aequalis angulo $\eta\theta$: et angulus $\epsilon\beta$, etiam sic aequalis angulo $\alpha\theta$: idcirco angulus $\alpha\theta$, etiam est aequalis angulo $\eta\theta$, et sunt anguli alterni. quare recta $\alpha\beta$, recta $\gamma\delta$, est aequedistans. Rursus, quoniam anguli $\epsilon\eta$, $\eta\theta$, duobus rectis sunt aequales: et duo anguli $\alpha\theta$, $\epsilon\eta$, etiam duobus rectis aequales: idcirco anguli $\alpha\theta$, $\beta\eta$ sunt duobus angulis $\beta\eta$, $\eta\theta$ aequales: communis auferatur angulus $\beta\eta$. reliquis igitur angulus $\alpha\theta$, reliquo angulo $\eta\theta$ est aequalis, et sunt anguli alterni. ergo recta $\alpha\beta$, aequedistat rectae $\gamma\delta$. (Conclusio.) Si igitur linea recta in duas rectas incidens lineas, extraneum angulum interno cui opponitur, ex eadem parte fecerit aequalē: vel si duos angulos internos ex eadem parte fecerit aequales duobus angulis rectis: aequedistantes inter se erunt duas illae lineae rectae. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima nona. Theorema.

Linea

Heis tὰς παραλλήλες διθέας διθεῖα ἐμ
ταπίδαι, τάς τε ἐναλλάξ γυνίας ίσαις
ἀλλήλαις ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκτὸς, τῇ ἐντὸς καὶ ἀ-
πεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ίσαις, καὶ
τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὄρθαις
ίσαις.

Εκφεσις.) Εἰς γὰρ τὰ
παραλλήλες διθέας τὰς ~~ε~~
αβ, γδ, διθεῖα ἐμταπί-
τω, η̄ ε̄. (Διοργομός.) Λέ-
γω ὅτι τάς τε ἐναλλάξ
γυνίας τὰς ψώ̄ο̄ ἀηθ,
ηθδ, ίσαις ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκτὸς γυνίαν τὸν
ψώ̄ο̄ εηβ, τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη τῇ ψώ̄ο̄ ηθδ ίσην, καὶ τὰς ἐντὸς,
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ψώ̄ο̄ θηθ, ηθδ,
δυσὶν ὄρθαις ίσαις. (Απόδειξις μετὰ τῆς υ-
ποθέσεως.) Εἰ γὰρ ἀνισός ἐστιν η̄ ψώ̄ο̄ ἀηθ,
τῇ ψώ̄ο̄ ηθδ, μία αὐτῶν μείζων ἐστιν. ἔνω
μείζων η̄ ψώ̄ο̄ ἀηθ, καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστιν η̄ ψώ̄ο̄
ἀηθ, τῆς ψώ̄ο̄ ηθδ, καὶν τερεσκείθω
ψώ̄ο̄ βηθ. αἱ ἀρχαὶ ψώ̄ο̄ ἀηθ, θηθ, τὸ ψώ̄ο̄ θηθ,
ηθδ,

Linea recta in duas rectas æquidistantes lineas incidens, facit angulos alternos inter se æquales: & angulum externum interno opposito ex eadem parte facit æqualem; item duos angulos internos ex eadem parte facit æquales duobus rectis.

Explicatio dati.) Sint duæ linea rectæ æquidistantes $\alpha\beta$, $\gamma\delta$: & in eas incidat linea recta $\epsilon\zeta$. (Explicatio quæsiti.) Dico quod faciat angulos $\alpha\eta\vartheta$, $\eta\theta\delta$, qui sunt alterni, inter se æquales: & angulum externum $\epsilon\eta\beta$, angulo interno opposito ex eadem parte $\eta\theta\delta$, æqualem: & angulos internos ex eadem parte oppositos $\epsilon\eta\theta$, $\eta\theta\delta$, duobus rectis æquales. (Demonstratio cum hypothesi.) Si enim angulus $\alpha\eta\vartheta$, non est æqualis angulo $\eta\theta\delta$: alter illorum erit maior, sit angulus $\alpha\eta\theta$ maior. Quoniam angulus $\alpha\eta\theta$, maior est angulo $\eta\theta\delta$: communis addatur angulus $\beta\eta\vartheta$. ergo anguli $\alpha\eta\theta$, $\beta\eta\vartheta$, sunt maiores angulis $\beta\eta\vartheta$, $\eta\theta\delta$. Ve-

H . rum

ηθδ, μείζονες εἰσὶν. ἀλλὰ νῆι αἱ τῶν οὐρανῶν,
Βηθ, δύσιν ὥρθαις ίσαι εἰσὶν. καὶ αἱ ἀρχιν-
τῶν Βηθ, ηθδ, δύσιν ὥρθαιν ἐλάσσονες εἰσὶν. αἱ δὲ
ἀπὸ ἐλάσσονων η δύσιν ὥρθαιν ἀντιβαλλόμεναι
εἰς ἄπειρον, συμπίπτουσιν. αἱ ἀρχαῖς, γρδ, ἀν-
τιβαλλόμεναι, εἰς ἄπειρον, συμπεισθήσενται). Καὶ συμ-
πίπτουσι, Διὰ τὸ παραπλήλεγον αὗτας τῶν
κατεῖδε. Σὺν ἀρχαῖς αἵτιος ἔστιν η τῶν οὐρανῶν, τῇ
τῶν ηθδ, οἴην ἀρχαῖς αἱ τῶν οὐρανῶν τῇ τῶν
ἐν βρέστην ίση, καὶ η τῶν ἐν βρέστη, τῇ τῶν ηθδ
ἐν βρέστη, καὶ η τῶν οὐρανῶν, η τῶν Βηθ. αἱ ἀ-
ρχαῖς τῶν οὐρανῶν, Βηθ, ταῖς τῶν Βηθ, ηθδ ίσαι
εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ τῶν οὐρανῶν, Βηθ δύσιν ὥρθαις ί-
σαι εἰσὶ, καὶ αἱ τῶν Βηθ, ηθδ ἀρχαῖς, δύσιν ὥρ-
θαις ίσαι εἰσὶν. (Συμπέρασμα.) Η ἀρχαῖς
τὰς παραπλήλους θύειας θύεια ἐμπίπτουσα,
τὰς τε ἀναλλαξ γωνίας ίσας ἀλλήλους
ποιεῖ, καὶ τὰς ἀντίτοις, της ἀντίτοις καὶ ἀπενομη-
τίον, καὶ στὶ τὰ αὐτὰ μέρη ίσην, καὶ τὰς ἀν-
τίτοις, Στὶ τὰ αὐτὰ μέρη, δύσιν ὥρθαις ίσας
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

rum anguli $\alpha\eta\theta$, $\epsilon\eta\theta$ duobus rectis sunt aequales. ergo anguli $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$, duobus rectis sunt minores: linea vero recta a duobus angulis, qui sunt minores duobus angulis rectis, in infinitum usque ducta concurrunt: quare rectae $\alpha\epsilon$, $\gamma\delta$ in infinitum productae concurrent: sed quia aequidistantes proponuntur esse, non concurrunt: idcirco angulus $\alpha\eta\theta$, non est inaequalis angulo $\eta\theta\delta$, erit igitur ei aequalis. Verum angulus $\alpha\eta\theta$, angulo $\epsilon\eta\beta$ est aequalis: ideo etiam angulus $\epsilon\eta\beta$, angulo $\eta\theta\delta$ est aequalis: communis addatur angulus $\beta\eta\theta$: ergo anguli $\epsilon\eta\beta$, $\epsilon\eta\theta$, angulis $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$ sunt aequales: verum anguli $\epsilon\eta\beta$, $\beta\eta\theta$ duobus rectis sunt aequales, idcirco & anguli $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$ duobus rectis aequales erunt. (Conclusio.) Linea igitur recta, in duas aequidistantes lineas rectas incidens, facit angulos alternos inter se aequales: & angulum externum interno opposito ex eadem parte facit aequalem: item duos angulos internos ex eadem parte facit aequales duobus rectis. Id quod erat demonstrandum.

H 2 Pro-

Πρότασις λ. Θεώρημα.

ΑΙ τῇ αὐτῇ δύθείᾳ παράλληλοι, καὶ ἀλλήλαις εἰσ παράλληλοι.

Εκθέσις.) Εῖτω ἐκάπερ

τῶν αὐτῶν, γὰρ, τῇ εἰς πα- ~~α~~

ράλληλ~~α~~. (Διορισ-

μὸς.) Λέγω ὅτι καὶ η ἀβ,

τῇ γὰρ εἰς παράλληλος.

(Κατασκούη.) Εμπιπέ-

τωνδὲ εἰς αὐτὰς δύθεῖαν ηκ. (Απόδειξις.)

Καὶ ἐταῦτα εἰς παραλλήλους δύθείας τὰς αὐτὰς,

εἰς δύθεία ἐμπέπλωκεν, η ηκ, οὐ αἴρα η ψω-

αηθ, τῇ ύπατῳ ηθῃ. πάλιν ἐταῦτα εἰς τὰς πα-

ραλλήλους δύθείας τὰς εἰς, γὰρ, δύθεία ἐμπέ-

πλωκεν η ηκ, οὐ έτιν η ψω ηθῃ, τῇ ψω

ηκδ, ἐδείχθη δὲ καὶ η ύπατη αἴρα, τῇ ύπατῳ ηθῃ

οὐη, καὶ η ύπατη αἴρα, τῇ ύπατῳ ηκδέτιν οὐη,

Ϲεισὶν ἀναλλάξ, παράλληλ~~α~~ αἴρα εἰτιν η

αὐτα, τῇ γὰρ. (Συμπέρασμα.) Αἱ αἴρα τῇ αὐ-

τῇ δύθείᾳ παράλληλοι, καὶ ἀλλήλαις εἰσ

παράλληλοι. οὕτως ἐδίδειξα.

Πρότα-

Propositio Trigesima. Theorema.

QVæ eidem lineæ rectæ eæquedistat: illæ etiam inter se æquedistant.

Explicatio dati.) Sit linea recta $\epsilon\beta$, cui æquedistent rectæ lineæ $\alpha\beta, \gamma\delta$. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod recta $\alpha\beta$, etiam æquedistet rectæ $\gamma\delta$. (*Delineatio.*) Incidat in predictas lineas recta quædam linea $\eta\chi$. (*De-monstratio.*) Quoniam in duas æquedistantes rectas $\alpha\beta, \epsilon\beta$: incidit recta $\eta\chi$: idcirco angulus $\alpha\eta\theta$, est æqualis angulo $\eta\theta\beta$. Præterea quoniam in duas rectas æquedistantes $\epsilon\beta, \gamma\delta$ recta incidit $\eta\chi$: angulus $\eta\theta\beta$, erit æqualis angulo $\eta\chi\delta$. demonstratum verò est, quod angulus $\alpha\eta\chi$, angulo $\eta\theta\beta$ sit æqualis. quare & angulus $\alpha\eta\chi$, angulo $\eta\chi\delta$ est æqualis, & sunt anguli alterni. Quare recta $\alpha\beta$, æquedistat rectæ $\gamma\delta$. (*Conclusio.*) Quæ igitur rectæ eidem linea rectæ æquedistant: illæ etiam inter se æquedistant. Id quod erat demonstrandum.

Πρότασις λα. Πρόβλημα.

Α Πὸ τῷ δοθένῃ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ διθείᾳ, παράλληλον διθείαν χραμμένην γραμμήν.

Εκθεσις.) Εῖναι τὸ μὲν δοθὲν συμεῖον, τὸ δὲ, ἃ δὲ δοθεῖσα διθεία, ηὕρισκε. (Διορισμός.) Δεῖ δὴ διὰ τοῦ αὐτού σημείου, τῇ γῇ διθείᾳ, παράλληλον διθείαν χραμμένην γραμμήν. (Κατασκευή) Εἰλίθω αὐτοῦ τῆς βρύτου τούτου συμεῖον τὸ δέ, καὶ ἐπεζύχθω ηὕρισκε, οὐδὲ συνεστῶ πέρι τῇ διθείᾳ, ηὕρισκε, τῷ πέρι αὐτῆς σημείῳ τῷ δέ, τῇ ύποδείᾳ, ηὕρισκε, οὐδὲ συνεβεβλήθω εἰς διθείαν.

τῇ δέ, διθείᾳ ηὕρισκε. (Απόδειξις.) Καὶ εἴσαι εἰς δύο εὐθείας τὰς βρύτους, εἰς διθείαν περιεγόντας τὸ δέ, τὰς ἐναλλαζόντας γωνίας τὰς ύποδείας, αὐτοὺς διασταθμώντας περιοίηκε, παράλληλον δέ παρέστην ηὕρισκε, τῇ βρύτου. (Συμπέρασμα.) Διὸ τῷ δοθένῃ σημείῳ τῷ αὐτῷ σημείῳ τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τῇ βρύτου παράλληλον εὐθείαν χραμμένην ηὕρισκε, οὐδὲ συνεισέσθη.

Πρότασις

Propositio trigesima prima. Problema.

APUNCTO dato, datae linea rectæ, rectam lineam æquidistantem ducere.

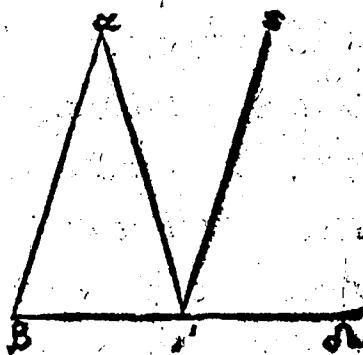
Explicatio dati.) Sit datum punctum a , et data linea recta By . (*Explicatio quesiti,*) A dato punto a , ducenda est linea recta æquidistantis linea rectæ dataæ By . (*Delineatio.*) Sumatur in linea recta By , punctum quodvis d , et ducatur linea recta ad : Ad linam rectam ad , et punctum in ea a , angulo rectilineo ady , æqualis statuatur angulus rectilineus dae , et ducatur linea al , et evideat linea ea . (*Demonstratio.*) Quoniam in duas lineas rectas By , el , incidens linea recta ad angulos alternos ead , ady , æquales inter se fecit: idcirco recta el , æquidistant rectæ By . (*Conclusio.*) A puncto igitur dato a , datae linea rectæ By , ducita est linea recta ea æquidistantis. Id quod faciendum erat.

Πρότασις λ. β. Θεώρημα.

ΠΑΝΤΟΣ τριγώνων μίας τῶν ἀλογρῶν περιβληθείσους, ή ἐκπόσιος γωνία, δυσὶ ταῖς εὐθείαις οὐδὲν αντίστοιχον ἔστι. Καὶ αἱ εὐθείαι τριγώνων τριῶν γωνία, δυσὶν ὄρθαις οἷαι εἰσὶν.

Εκδέσις.) Εῖναι τρίγωνον, τὸ ἀβγ, οὐδὲ περισσεύειντα τοῦ αὐτοῦ μία ἀλογρὰ, η βγ ἐπὶ τὸ σβ.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι η ἐκπόσιος γωνία οὐδὲν αγδ
ἴση ἔστι ταῖς δυσὶ ταῖς εὐθείαις οὐδὲν αντίστοιχον ταῖς τριῶν γωνίαις, οὐδὲν αἱ εὐθείαι τριγώνων τριῶν γωνία, αἱ τριῶν αβγ, βγα, γαβ, δυσὶν ὄρθαις οἷαι εἰσὶν. (Κατασκοπή.) Ήχθω
γδὲ διὰ τῆς γηπείτω τῇ αβ εὐθεία, παράλληλον ή γε. (Απόδεξις.) Καὶ ἐπεὶ παράλληλος ἔστιν η αβ, τῇ γε, καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπτωσεν η αγ, αἱ ἀρχε ἐναλλαξ γωνία μὲν υπὸ βαγ,
αγε, οἷαι ἀλλήλαις εἰσι. πάλιν, ἐπεὶ παράλληλος ἔστιν η αβ, τῇ γε. καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπτωσεν εὐθεία η βδ, η ἐκπόσιος γωνία η τριῶν αγδ.



Propositio trigesima secunda.

Theorema.

OMnis triāguli vno ē lateribus p-tracto, exterior angulus, duobus angulis interioribus quibus opponitur, est equalis: & trianguli tres interiores anguli, duobus rectis sunt equales.

(Explicatio dati.) Sit triangulus \overline{ABC} , & protrahatur latus eius \overline{CY} , ad punctum δ ,
 (Explicatio quæsiti.) Dico quod angulus $\angle AY\delta$, est equalis duobus angulis $\angle A\beta, \angle CY\alpha$ interioribus quibus opponitur: & quod anguli tres interiores $\angle A\gamma, \angle C\gamma\alpha, \angle Y\alpha\delta$ sint equales duobus angulis rectis. (Delineatio.) Ducatur à punto γ , linea recta \overline{AC} , & quedistans linea recta \overline{YE} . (Demonstratio.) Quoniam recta \overline{AC} , & quedistat recta \overline{YE} , & in eas incidit recta \overline{AY} , Idcirco alterni anguli $\angle CAY, \angle YE\delta$ sunt inter se equalis. Item cum recta \overline{AC} , & quedistet recta \overline{YE} , & in eas incidit recta \overline{CY} : angulus

H 5 $\angle CY\delta$

ἔγδ, ἵστε τῇ σκηνῇ ἀπεναντίον, τῇ ψάθῃ
ἀβγ. ἐδείχθη δεκατέσσερας αὐτὸς αεγ, τῇ ψάθῃ
Βαγίον. ὅλη ἄρα η ψάθη αὐτὸς εκτὸς γωνία,
ἵστε δυσὶ ταῖς σκηνῇ ἀπεναντίον, ταῖς
ψάθῃ Βαγ, ἀβγ. κοινῇ περισκείδω η ὑπὸ^τ
ἀγβ. αἱ ἄρα υπὸ αὐτό, αὐτό τεισὶ ταῖς υπὸ^τ
ἀβγ, βγα, γαβ, ισαγ εἰσὶν. ἀλλ' αἱ υπὸ αὐτό,
αὐτό, δυσὶν ὄρθαις ισαγ εἰσὶ. καὶ αἱ υπὸ αὐτό,
γβα, γαβ ἄρα δυσὶν ὄρθαις ισαγ εἰσὶ. (Συμ-
πέρασμα.) Παντὸς ἄρα τριγώνῳ μᾶς τῶν
πλευρῶν περισκείβληθείσους, η σκηνής γωνία,
δυσὶ ταῖς σκηνῇ ἀπεναντίον ιστε, καὶ
ἐντὸς τῷ τριγώνῳ τρεῖς γωνίας, δυσὶν ὄρθαις
ισαγ εἰσὶν. οὐδὲ ἐδειχθείσα.

Πρότασις λγ. Γεώργημα.

ΑΓ τὰς ισας τὲ Κ παραλλήλας ὅπι τὰ αὐ-
τὰ μέρη ὅπιζεγνύσουμεν θέσα, Κ αὐ-
ταὶ ισατε καὶ παραλληλοιείσιν.

Εκθεσις.) Εξωσιν ισαγ τὲ καὶ παράληλοι,
αἱ αβ, γδ, Κ ὅπιζεγνύτωσαν αὐτὰς ὅπι τὰ
αὐτὰ

$\alpha\gamma\delta$ externus, est æqualis angulo $\alpha\beta\gamma$ interno opposito. sed demonstratum est angulum $\alpha\gamma$, angulo $\beta\gamma$ esse æqualem. totus igitur angulus $\alpha\gamma\delta$ externus, duob^o angulis internis oppositis $\beta\gamma$, $\alpha\beta\gamma$ est æqualis. Communis addatur angulus $\alpha\gamma\delta$. anguli igitur $\alpha\gamma\delta$, $\alpha\gamma\delta$, tribus angulis $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\beta\alpha$, $\gamma\alpha\beta$ sunt æquales. sed duo anguli $\alpha\gamma\delta$, $\alpha\gamma\beta$ sunt duob^o rectis æquales. quare tres anguli $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\beta\alpha$, $\gamma\alpha\beta$, duobus rectis erūt æquales. (Conclusio.) Omnis igitur trianguli, uno è lateribus protracto: exterior angulus duobus angulis interioribus, quibus opponitur, est æqualis: et trianguli tres interiores anguli, duobus rectis sunt æquales. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima tertia. Theorema.

Lineæ rectæ, quæ æquales, & à quæ distanties inter se lineas rectas ex eadem parte coniungunt: eniam ipsæ æquales, & à quæ distanties inter se sunt. Explicatio dati.) Sint lineæ rectæ $\alpha\beta$, $\gamma\delta$, æquales, & à quæ distanties inter se sunt: easq^u ex eadem parte

αὐτὰ μέρη δύθειαν αἱ σ

αγ, βδ. (Διορισμὸς.)

Δέ γα ὅπικαὶ αἱ αγ, δβ, ε-

σαὶ καὶ παράλληλοι εἰσὶν.

(Κατασκεψή.) Επεζε-

χθω γδὴ βγ. (Απόδε-

ξις.) Καὶ ἐπεὶ παράλληλος ἐστιν ἡ αβ, τῇ γδ,

καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπλωκεν ἡ βγ, αἱ ἐναλλὰξ

γωνίαι, αἱ υπὸ αγ, βγδ, ἵσαὶ ἀλλήλαις εἰσὶ.

καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστιν ἡ αβ, τῇ γδ, κοινῇ γδὴ βγ, δύο

δῆ αἱ αβ, βγ, δυσὶ ταῖς βγ, γδίσαι εἰσι, καὶ

γωνία ὑπὸ αγ, γωνία τῇ ὑπὸ βγδ ἴση ἐ-

σὶν. Βάσις ἄρα ἡ αγ, βάσις τῇ βδ ἐστιν ἴση, οὐ

τὸ αβγ τριγώνον, τῷ βγδ τριγώνῳ ἴσον ἐστι,

καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις

ἴσουνται ἴσαι, ἐκάπερ δὲ ἐκάλεσαι ὑφ' αἱ αἱ εἰσι

πλεύραις ὑποτείνουσιν. ἴση ἄρα ὑπὸ αγβ γω-

νία τῇ ὑπὸ γδ, καὶ ἡ ὑπὸ βαγ, τῇ ὑπὸ γδ.

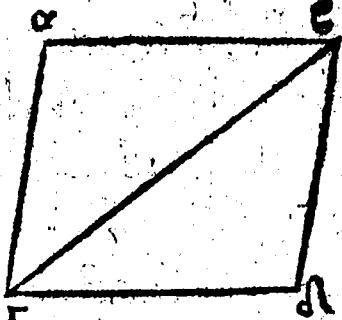
καὶ ἐπεὶ εἰς δύο δύθειας τὰς αγ, βδ: ἐνθεῖα

ἐμπίπλωσαι βγ, τὰς ἐναλλὰξ γωνίας τὰς

ὑπὸ αγβ, γβδ ἴσαις ἀλλήλαις πεποίηκεν.

παράλληλοί ἄρα εἰσὶν ἡ αγ, τῇ βδ, ἐδείχ-

θη δὲ αὐτῇ καὶ ἴση. (Συμπέρασμα.) Αἱ ἄρε-



τὰς

parte coniungant duæ rectæ, $\alpha\gamma$, $\beta\delta$. (Explicatio quæsiti.) Dico quod rectæ $\alpha\gamma$, $\beta\delta$, æquales, & æquedistantes sint. (Delineatio.) Ducatur linea recta $\beta\gamma$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\alpha\beta$, æquedistant rectæ $\gamma\delta$: & in eas incidit recta $\beta\gamma$: idcirco anguli $\alpha\beta\gamma$, $\beta\gamma\delta$ alterni: sunt inter se æquales. Et cum recta $\alpha\beta$, sit æqualis rectæ $\gamma\delta$, communis vero $\beta\gamma$: duo igitur latera $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, duobus lateribus $\beta\gamma$, $\gamma\delta$ sunt æqualia: & angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo $\beta\gamma\delta$ est æqualis. basis igitur $\alpha\gamma$, basi $\gamma\delta$ est æqualis, & triangulus $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\beta\gamma\delta$ est æqualis, & reliqui anguli reliquis angulis sunt æquales alter alteri, quos æqualia illa latera subtendunt. angulus igitur $\alpha\gamma\beta$, angulo $\gamma\beta\delta$ est æqualis, & angulus $\beta\gamma\alpha$, angulo $\gamma\delta\beta$. & quoniam in duas rectas $\alpha\gamma$, $\beta\delta$, recta incidens $\beta\gamma$, angulos alternos $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\beta\delta$, æquales inter se fecerit: idcirco recta $\alpha\gamma$, æquedistant rectæ $\gamma\delta$. Verum demonstrata fuit ei esse æqualis. (Conclusio.)

Lineæ

τὰς ἵσις τὲ οὐκ παράλληλας ὅπερι τὰ αὐτὰ
μέρη ὅπερι δύγνυθοι εὐθεῖαι, Εἰστοι, οἶσα
τὰς οὐκ παράλληλας εἰσὶν. οὗτος ἔδειξεν.

Πρότασις λα. Γεώργιου.

ΤΩν παραλληλογράμμων χωρίων αἱ ἀ-
πεναντίον πλευραί τε καὶ γωνίαις οἵσαι ἄλλή-
λαι; εἰσὶ; Καὶ διάμετρος οὐ αὐτὰ δίχα τέμνει.

Εκθεσις.) Εἰσω παραλληλο-

ληλόγραμμον, τὸ ἀγδβ,
διάμετρος δὲ αὐτὸς, η βγ.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ

ἀγδβ παραλληλογράμ-
μον, αἱ ἀπεναντίον πλευ-

ραί τε καὶ γωνίαι, οἵσαι ἄλλήλαις εἰσὶ, Καὶ βγ,

διάμετρος οὐτὸς δίχα τέμνει. (Απόδειξις.)

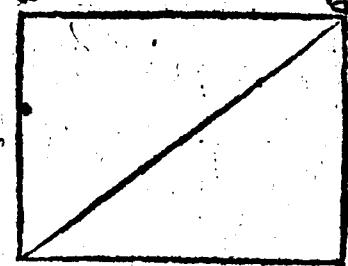
Εἰσεγένηται παράλληλός εἴσιν η ἀβ τῇ βδ, οὐτοί

εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν εὐθεῖα η βγ, αἱ ἑναλ-
λᾶς γωνίαι αἱ ὑπὸ ἀβγ, βγδ, οἵσαι ἄλλή-

λαις εἰσὶ. πάλιν ἐπεὶ παράλληλός εἴσιν η αγ,
τῇ βδ, καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν η βγ, αἱ ἑν-

αλλᾶς γωνίαι αἱ ὑπὸ ἀγβ, γβδ, οἵσαι ἄλλή-

λαις



Lineæ igitur rectæ, quæ æquales, & aequidistantes inter se lineas rectas, ex eadem parte coniungunt: etiam ipsæ æquales, & aequidistantes inter se sunt. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima quarta. Theorema.

AReæ quæ æquidistantibus lineis rectis continentur, habent latera opposita, & angulos oppositos int' se æquales: & dimetiēs ipsas medias secat.

Explicatio dati.) Sit figura æquidistantibus lineis rectis contenta $\alpha\beta\gamma\delta$: dimetitius eius linea $\beta\gamma$. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod area $\alpha\beta\gamma\delta$, latus $\alpha\beta$, sit æquale lateri $\gamma\delta$: itē latus $\alpha\gamma$, æquale lateri $\beta\delta$. Præterea dimetitius $\gamma\delta$ ipsam figuram secet in duas partes æquales. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\alpha\delta$, aequidistat rectæ $\gamma\delta$, & in eas incidit recta $\beta\gamma$: anguli alterni $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ sunt inter se æquales. Item quoniam recta $\alpha\gamma$, aequidistat rectæ $\beta\delta$, & in eas incidit recta $\gamma\delta$: anguli igitur alterni inter se sunt æquales.

Quare

λας εἰσὶ, δύο δὴ πείγωνται εἰς τὰ ἄβυ, γῆβδ,
τὰς δύο γωνίας τὰς ὑπὸ ἄβυ, βύα δυσὶ^ς
τὰς ὑπὸ βύδ, γῆβδ, οὐας ἔχοντας κάπεραν ἐ-
κατέρα. καὶ μίαν ταλάραν τῇ μιᾷ ταλάρᾳ
ἴονταν τὰς πρὸς τὰς ισαῖς γωνίας ποιηταὶ αὐ-
τῶν, τὰς βύ, καὶ τὰς λοιπὰς ἄρα ταλάρας,
τὰς λοιπὰς ισαῖς ἔξει ἐκατέραν ἐκατέρα, καὶ
τὰς λοιπὰς γωνίαν, τῇ λοιπῇ γωνίᾳ. οἱ ἀ-
ράηματα βαθαλάρα, τῇ γῆδ, ηδὲ αὐγῇ τῇ βδ,
ηδὲ ηὑπὸ βαγγυγία, τῇ οὐπὸ βύδῃ. Εἶπεν
ἴοντειν ημέν οὐπὸ ἄβυ γωνία, τῇ οὐπὸ βύδῃ,
ηδὲ οὐπὸ γῆδ, τῇ οὐπὸ αὐγή. ὅλη ἄρα ηὑπὸ^ς
ἄβδ, ὅλη τῇ οὐπὸ αὐγδ οἰοντειν. ἐδείχθη δέ καὶ
ηὑπὸ βαγγυγία, τῇ οὐπὸ βόδηγη οἰοντειν. (Συμπέρασμα.)

Τῶν, ἄρα ταραχληλογεάμημων χωρίων αἱ
αἰτεναντίον ταλάραις καὶ γωνία, ισαὶ ἀλ-
λήλαις εἰσὶν. (Διοργμὸς δύτερος.) Λέγω
δέ οὖν Εἰ η Διάμετρος αὐτὰ δίχα τέμνει.
(Δύτερος ἀπόδειξις.) Επεὶ γὰρ οἰοντειν ηἄβ,
τῇ γῆδ, κοινὴ δὲ ηβύ, δύο δὴ αἱ ἄβ, βύ, δυ-
σὶ τὰς γῆδ, βύισαν εἰσὶν ἐκάπερα ἐκατέρα,

καὶ

Quare cum duo trianguli ab γ , y $\beta\delta$, duos angulos ab γ , By α , habent duobus angulis C $\delta\gamma$, y $\beta\delta$ aequales, alterum alteri: & unum latus, vni lateri aequale, nempe latus By com mune quod ad angulos aequales est positum. idcirco & reliqua latera, reliquis lateribus habent aequalia, alterum alteri: & reliquam angulum reliquo angulo aequalem. latus a β , aequale lateri y δ , et latus ay, aequale lateri B δ , & angulum Bay, angulo C $\delta\gamma$, aequalem. Quia vero angulus ab γ , angulo By δ est aequalis, & angulus y $\beta\delta$, angulo ayB etiam aequalis. Totus igitur angulus a $\beta\delta$, rato an gulo ay δ est aequalis. Verum & angulus Gay, demonstratus est aequalis angulo C $\delta\gamma$. (Conclusio.) Area igitur, qua aequedistatib^o lineis rectis continentur: habent latera opposita, & angulos oppositos inter se aequales. (Secunda explicatio quæstici.) Dico quod diameter se cet eam in duas partes aequales. (Demonstra tio secunda.) Quoniam latus a β , est aequale la teri y δ , & latus Gy cōmune, duo igitur late ra ab γ , Gy, duob^o lateribus y δ , Gy sunt aequa

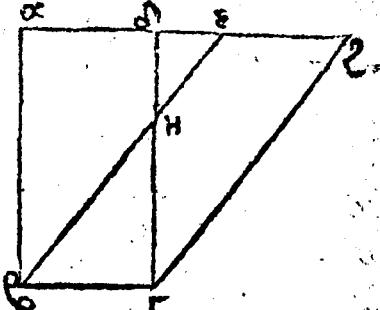
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ αβγ, γωνία τῇ τοῦ βγδ
ἴση ἐστι, καὶ βάσις αρχα ἡ αγ βάσις τῇ δβίση
ἐστι, καὶ τὸ αβγ τείγων τῷ βγδ τείγάνω
ἴσου ἐστιν. (Συμπλέγμα.) Η αρχα βγ διὰ
μετροῦ δίχα τέμνει τὸ αβγδ παραλληλό-
γραμμον. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ΤΟ ΤΡΙΤΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ-
ΤΟΥ ΤΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ.

Πρότασις λε. Ιεώρημα.

ΤΑ παραλληλόγραμμα τὰ ὅπερ τῆς αὐ-
τῆς βάσεως ὄντα, καὶ σὺ ταῦς αὐταῖς πα-
ραλλήλοις, ἵσα ἀλλήλοις ἐστιν.

Εκθεσις.) Εῖναι παραλ-
ληλόγραμμα τὰ αβγδ,
εβγ, ὅπερ ταῦτης βά-
σεως ὄντα τῆς βα, καὶ σὺ
ταῦς αὐταῖς παραλλή-
λοις ταῦς αγ, βγ. (Διό-
γεσμὸς.) Λέγω ὅπερ ίσου ἐστι τὸ αβγδ, τῷ εβγ.
(Απόδειξις.) Επεὶ δὲ παραλληλόγραμμόν εἰ-
π τὸ αβγδ, τῇ βγ ίση ἐστιν ἡ αδ. Διὰ τὰ αὐ-
τὰ δὴ



lia alterum alteri: & angulus $\alpha\beta\gamma$, angulus $\beta\gamma\delta$ æqualis. ergo basis $\alpha\gamma$, basi $\delta\beta$ est æqualis: & triangulus $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\beta\gamma\delta$ etiam æqualis. (Conclusio.) Ergo diameter $\beta\gamma$, figuram $\alpha\beta\gamma\delta$ secat in duas partes æquales. Id quod demonstrandum erat.

TERTIA HVIVS ELEMENTI PARS.

Propositio trigesima quinta. Theorema.

QUÆ parallelogramma eandem habent basin: & in eisdem æquedistantibus sunt lineis rectis; illa sunt æqualia inter se.

Explicatio dati.) Sint parallelogramma $\alpha\beta\gamma\delta$, $\epsilon\beta\gamma\zeta$: in eadem basi $\beta\gamma$: & eisdem lineis rectis æquedistantibus $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. (Explicatio quesiti.) Dico quod parallelogrammo $\alpha\beta\gamma\delta$, sic æquale parallelogrammo $\epsilon\beta\gamma\zeta$.

(Demonstratio.) Quoniam $\alpha\beta\gamma\delta$, figura est parallelogrammon, idcirco latus $\beta\gamma$, est æquale lateri $\epsilon\beta$. Per eadem demonstrabitur quoq;

I 2 latus

τὰ δὴ καὶ ή̄εγ̄ τῇ Σγ̄ ιον̄ ἐν̄, ὥστε καὶ ή̄αδ̄,
 τῇ ε̄γ̄ ιον̄ ἐν̄. Εἰ φιλη̄ ή̄ δέ, ὅλη ἀρχη̄ ή̄ αε̄, ὅλη
 τῇ δγ̄ ον̄ ιοη̄. ἐν̄ δὲ καὶ ή̄ αβ̄, τῇ δγ̄ ιοη̄, δύο
 δη̄ αἱ ε̄α, αβ̄, δυσὶ ταῖς 2δ̄, δγ̄, ιοαμ̄ εἰσὶν ἐκά-
 περ φίλατέρα, καὶ γωνία ή̄ ταὸ 2δ̄γ̄, γωνία
 τῇ ταὸ εαβ̄ ιον̄ ἐν̄, ή̄ σκῆπτρος τῇ εν̄ Θυ. Βάσις
 ἀρχη̄ ή̄ ε̄6, βάσις τῇ 2γ̄ ιον̄ ἐν̄. καὶ τὸ εαβ̄ τοῦ-
 γωνον τῷ 2δ̄γ̄ πειγώνω ιον̄ ἐν̄. καὶ νὸν ἀφη-
 φήσιν τὸ δηε̄, λοιπὸν ἀρχη̄ τὸ αβη̄δ̄ πειπέ-
 λιον, λοιπῶ τῷ εηγ̄ πειπέλιω, ιον̄ ἐν̄. καὶ
 νὸν πεφσκείσιν τὸ ηβγ̄ πειγώνων, ὅλον ἀρχη̄
 τὸ αβη̄δ̄ παραλληλόγραμμον, ὅλω τῷ ε̄δ̄γ̄
 παραλληλογράμμω, ιον̄ ἐν̄. (Συμπέρασ-
 μα.) Τὰ ἄρα παραλληλόγραμμα τὰ ὅπι
 τῆς αὐτῆς βάσεως οὐτά, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς
 παραλληλοις, ιοα ἀλλήλοις ἐνίκ. ὅπερ ἔδει
 δεῖξαι.

Πρότασις λε. Ιεωρημα.

ΤΑ παραλληλόγραμμα τὰ ὅπι τῶν ιοων̄
 βάσεων οὐτά καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παρα-
 λήλοις, ιοα ἀλλήλοις ἐνίγ.

Εκθε-

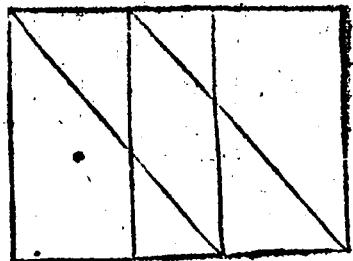
latus ε², aequale lateri β γ. quare et latus
 αδ, est aequale lateri ε². communis vero est
 recta δε. totum igitur latus αε, toti lateri δ²
 est aequale. Verum latus αβ, est etiam aequale
 lateri δγ: duo itaque latera ea, αβ, duobus la-
 teribus δ², δγ sunt aequalia alterum alteri,
 & angulus δδγ, aequalis angulo εαβ, exter-
 nus interno. basis igitur εβ, basi δγ est aequa-
 lis, & triangulus εαβ, triangulo δδγ aequa-
 lis, communis auferatur triangulus δηε. qua-
 re reliquum trapezion αηδ, reliquo trape-
 zio εηγ est aequale. Communis addatur tri-
 angulus ηβγ: totum igitur parallelogram-
 mon αηγδ, est aequale toto parallelogram-
 mo εηγδ. (Conclusio.) Quae igitur paralle-
 logramma eandem habent basim: & in eisdem
 aequalibus distantiis sunt lineis rectis: illa sunt
 inter se aequalia. Id quod erat demonstrandum,

Propositio trigesima sexta. Theorema.

Quae parallelogramma aequales ha-
 bent bases: & sunt in eisdem aequa-
 distantiis lineis rectis: illa sunt equa-
 lia inter se.

Εκδεσις.) Εσω πάντα
παραλληλόγραμμα τὰ
αἴγυδ, εἰηθ, ὅπλαίσων
βάσεων, τῶν βγ, γη,
καὶ στοιχίων αὐτῶν πα-
ραλλήλων τῶν αὐτῶν αθ,

6
6η. (Διορισμὸς.) Λέγεται
γωόπιον ἵση τὸ αἴγυδ παραλληλόγραμμον
τῷ εἰηθ. (Κατασκευὴ.) Επεζύχθωσεν γὰρ
αἱ βε, γθ. (Απόδεξις.) Καὶ ὅπλαίσην ἡ βγ
τῇ γη, αλλὰ καὶ τῇ γη, τῇ εθ ἐστὶν ἵση, καὶ ἡ βγ
άρε, τῇ εθ ἐστὶν ἵση. εἰσὶ δὲ καὶ παραλλῆλοι, τῷ
ὅπλῳ γνύγονταί τὰς αἱ βε, γθ. αἱ δὲ τὰς
σας τε οἱ παραλλῆλοις ὅπλα αὐτὰ μέρη
ποιοῦνται, ἵση τε καὶ παραλλῆλοι εἰστι
καὶ αἱ εβ, γθ ἀρεῖσι τε εἰστι, καὶ παραλλῆλοι
παραλληλόγραμμον ἀρχεῖσι, τὸ εἴγυδ. καὶ ἐπει-
σην ἵσην τῷ αἴγυδ, βάσιν τε γῳ αὐτὸ τῷ αὐτῷ
τῷ εἶχε τῷ βγ, καὶ στοιχίων αὐτῶν παραλλῆ-
λων ἐστὶ αὐτῷ, τῶν βγ, αθ. Διὰ τὰ αὐτὰ δῆ-
ξει τὸ γηθὲ, τῷ αὐτῷ, τῷ εἴγυδ, εἰσὶν ἵσην, ὥστε
τὸ αἴγυδ παραλληλόγραμμον, τῷ εἰηθ ἵση
εστι. (Συμπέρασμα.) Τὰ ἀρεῖα παραλλῆλοι



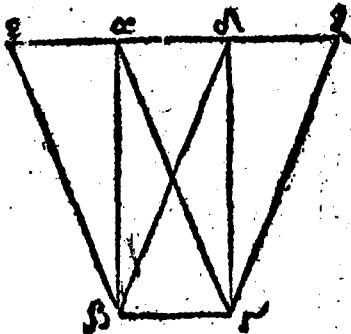
Explicatio dati.) Sint parallelogramma $\alpha\beta\gamma\delta$, $\epsilon\zeta\eta\theta$: habentia bases $\beta\gamma$, $\zeta\eta$ aequales: & sint inter easdem aequidistantes rectas lineaes $\alpha\theta$, $\beta\eta$. (Explicatio quæsti.) Dico quod parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, sit aequale parallelogrammo $\epsilon\zeta\eta\theta$. (Delineatio.) Ducantur lineaæ rectæ $\beta\epsilon$, $\gamma\theta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\beta\gamma$, aequalis est rectæ $\zeta\eta$: & $\zeta\eta$ est aequalis rectæ $\epsilon\theta$. idcirco & $\gamma\theta$, est aequalis rectæ $\epsilon\theta$. verum sunt lineaæ rectæ aequidistantes, easq^u coniungunt rectæ $\beta\epsilon$, $\gamma\theta$: rectæ vero quæ aequales, & aequidistantes rectas ex eadē parte coniungunt: & ipsæ aequales, & aequidistantes sunt: quare rectæ $\epsilon\beta$, $\gamma\theta$ aequales & aequidistantes sunt: atq^{ue} figura $\epsilon\beta\gamma\delta$ est parallelogrammon, et est aequale parallelogrammo $\alpha\beta\gamma\delta$. quia cum eo eandem habet basim $\beta\gamma$: & in eisdem est aequidistantib^{us} rectis $\gamma\delta$, $\alpha\beta$. Similiter demonstrabimus quod $\zeta\eta\theta\epsilon$ eidem parallelogrammo $\epsilon\beta\gamma\theta$ sit aequale. quare parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, parallelogrammo $\epsilon\zeta\eta\theta$ est aequale. (Conclusio.) Quæ igitur parallelogramma aequales habent bases: & sunt in

χραμμα τὰ ὅπει τῶν ἴσων βάσεων ὄντας καὶ ὅπει ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἵσται ἀλλήλοις ἐνίν. ὅπει ἔσθαι δεῖξα.

Πρότεροις λ? θεώρημα.

ΤΑ τρίγωνα ὅπει τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἐν αλλήλοις ἐνίν.

Ἐκθεσις.) Εἰσω τρίγωνα τὰ αἴγυ, δύζ., ὅπει ταῖς αὐτῆς βάσεως ὄνται τῆς βασικῆς γῇ, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ταῖς ἀδ., γῇ. (Διορθμὸς.) Λέγω ὅτι ἰσον εἰσὶ τὸ αἴγυ τρίγωνον, τὸ δύζ. τριγώνῳ. (Κατηγορίη.) Εκβεβλήθω ἡ ἀδ. ἐφ' ἐκάπερ φταί μέρη, ὅπει τὰ εἱς, ζητοῦσι, καὶ Διεῖ μὲν τῷ Βῃ, τῇ γὰ παραλληλοῦ ἥχθῳ ἡ Βε, Διεῖ δὲ τῷ γῇ, τῇ Βδ παραλληλοῦ ἥχθῳ ἡ γ?. (Απόδειξις.) Παραλληλόχραμμον ἄρχειν ἐκάπερ ον τῶν εἴσαι, δύγ?. καὶ ἰσον τὸ εἴβησα, τὸ δύγ?. Ὅπει περὶ ταῖς αὐτῆς βάσεως ἐνὶ τῷ γῇ, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς γῇ, εἰ? καὶ ἐπει τῷ μὲν εἴσαι παραλληλοχράμμον ἥκιστον



eisdem æquedistantibus lineis rectis, illa sunt
æqualia inter se, id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima septima. Theorema.

Vi trianguli eandem habent basim,
¶ sunt in eisdem æquedistantibus
lineis rectis; illi sunt inter se æquales.

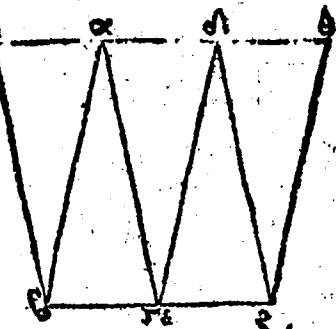
Explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\delta\gamma\beta$, super eadem basi $\beta\gamma$: & in eisdem æ-
quedistantibus lineis rectis ad $\delta\gamma$. (*Expli-
catio quæfici.*) Dico quod triangulus $\alpha\beta\gamma$, sic
æqualis triangulo $\delta\gamma\beta$. (*Delineatio.*) Pro-
ducatur linea recta ad, in utramq; partē ad
puncta ϵ , & ζ : & ex punto β , ducatur linea
recta $\beta\epsilon$, æquedistans linea recta $\alpha\gamma$. præte-
rea ex punto γ , ducatur recta $\gamma\zeta$, æquedistans
recta $\beta\delta$. (*Demonstratio.*) Vt rāq; igitur fi-
gura $\epsilon\gamma\zeta$, & $\delta\gamma\zeta$ est parallelogrammon.
& parallelogrammo $\epsilon\gamma\zeta$, est æquale paral-
lelogrammo $\delta\gamma\zeta$. quia super eadē basi $\gamma\zeta$
est, & inter easdem æquedistantes lineas re-
ctas $\gamma\zeta$, & $\delta\gamma\zeta$, & parallelogrāmi $\epsilon\gamma\zeta$ ad dimidiū

ἄβγ τρίγωνον. ἡ γὰρ ἀβδιάμετρος Θυ αὐτὸς δίχα τέμνει, τῷ δὲ δέργῳ παραλληλογράμμῳ, ἥμισου τὸ δέργο τρίγωνον, ἡ δὲ δέργη Διάμετρος Θυ αὐτὸς δίχα τέμνει. τὰ δὲ τῶν ἵσων ἥμισον, ἵσαι ἀλλήλοις ἔσιν. ἵσον ἄρρενεσὶ τὸ δέργο τρίγωνον, τῷ δέργῳ τριγώνω. (Συμπέρασμα.) Τὰ ἄρρενα τρίγωνα τὰ δέργα τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντα, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἵσαι ἀλλήλοις ἔσιν. οὕτως ἐδεῖ δεῖξαι.

Πρότασις λη. Γεώργιου.

ΤΑ τρίγωνα τὰ δέργα τῶν ἵσων βάσεων ὅντα, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἵσαι ἀλλήλοις εἰσὶν.

Ἐκθεσις.) Εῖσω τρίγωνα τὰ δέργα τρίγωνον, δέργο, δέργα, τῶν ἵσων βάσεων ὅντα, τῶν δέργων, εἴς, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ταῖς δέργαις, δέργα. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι ἵσον ἐστὶ τὸ δέργο τρίγωνον, τῷ δέργῳ τριγώνων. (Κατασκεψή.) Εκβεβλήθω γάρ η αδεφή εκάπερ τὰ μέρη, δέργα τὰ δέργα, καὶ Διάμετρος Β, τῷ



est, triangulus $\alpha\beta\gamma$. nam diameter $\alpha\delta$ ipsum per medium secat. parallelogrammi vero $\delta\gamma$. $\gamma\delta$ dimidium est triangulus $\delta\gamma$. nam diameter $\delta\gamma$ ipsum per medium secat. Quae vero aequalium sunt dimidia, illa inter se sunt aequalia. triangulus igitur $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\delta\gamma$ est aequalis. (Conclusio.) Qui igitur trianguli sunt super eadem basi, & inter easdem lineas rectas aequedistantes, illi inter se sunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima octaua. Theorema.

Qui trianguli aequales habent bases: & sunt in eisdem aequedistantibus lineis rectis, illi inter se sunt aequales.

Explicatio dati.) Sint trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\delta\gamma$ super basibus aequalibus γ , γ , in eisdem aequedistantibus lineis rectis ad, $\beta\gamma$. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod triangulus $\alpha\beta\gamma$, sit aequalis triangulo $\delta\gamma$. (*Delineatio.*) Producatur linea recta ad, in utramq; partem ad puncta α , & θ . Ex punto β , ducatur linea

β, τῇ ἡα παράληλῳ ἥχθῳ, η βῆ, Διὰ δὲ
τοῦ, τῇ δε παράληλῳ ἥχθῳ η γθ. (Από-
δειξις.) Παραληλόγραμμον ἀρφεῖν ἐκά-
τερον τῶν ηγγα, δε γθ, καὶ ισον τὸ ηγγα, πλ
δε γθ. Οὐτοις γίσων βάσεων εἰσὶ τῶν βγ, εἰ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλήλοις ταῖς βγ,
ηθ. καὶ εἰ τῷ μὲν ηγγα παραληλογρά-
μου, ημισου, τὸ ἄλγ τρίγωνον. η γδ ἀβ Διά-
μετρῳ, δίχα αὐτὸ τέμνει. τῷ δε δε γθ, πα-
ραληλογράμμῳ, ημισου τὸ γεδ τρίγωνον, η
γδ γδ, Διάμετρῳ δίχα αὐτὸ τέμνει. τὰ δὲ
τῶν ισων ημίσου, ισαι ἀλήλοις εἰνι. ισον ἀρφ
εῖ τὸ ἄλγ τρίγωνον τῷ δε γηγάνῳ. (Συμ
πέρασμα.) Τὰ ἀρφ τρίγωνα τὰ οὖτι τῶν
ισων βάσεων οὐτα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς πα-
ραλήλοις, ισαι ἀλήλοις εἰνόσῳ ἐδε δειξα.

Πρότοις λθ. θεώρημα.

ΤΑ ισαι τρίγωνα τὰ οὖτι τῆς αὐτῆς βάσε-
ως οὐτα, Ε οὖτι τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς παραλήλοις εἰνι.

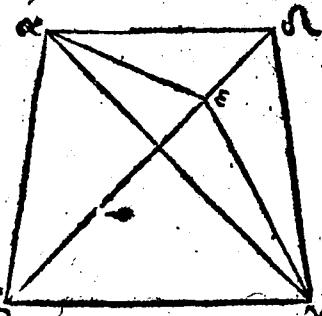
Linea recta $\beta\eta$, aequidistans linea recta $\alpha\gamma$. Item ex punto ζ ducatur linea recta $\gamma\theta$, aequidistans linea recte $\delta\epsilon$. (Demonstratio.) Vt raga, igitur figura $\eta\beta\gamma\alpha$, $\delta\epsilon\gamma\theta$ est parallelogrammon. & parallelogrammon $\eta\beta\gamma\alpha$, est aequale parallelogrammo $\delta\epsilon\gamma\theta$. quia super basibus $\beta\gamma$, $\epsilon\theta$, aequalibus, & in eisdem lineis rectis aequidistantibus $\zeta\gamma$, $\eta\theta$ sunt. præterea parallelogrammi $\alpha\beta\gamma\alpha$ dimidium, est triangulus $\alpha\beta\gamma$, quoniam diameter $\alpha\beta$ ipsum secat per medium. & parallelogrammi $\delta\epsilon\gamma\theta$ dimidium, est $\zeta\delta$ triangulus. quia diameter $\zeta\delta$, ipsum secat medium. Quæ verò aequalium sunt dimidia, illa inter se sunt aequalia. quare triangulus $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\delta\epsilon\gamma$ est aequalis. (Conclusio.) Qui igitur trianguli super basibus fuerint aequalibus, & in eisdem lineis aequidistantib^o, illi inter se sunt aequalis. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima nona. Theorema.

Trianguli aequales, eandem habentes basim: & ex eadem parte, & in eisdem aequidistantibus rectis sunt.

Expli-

Εκθεσις.) Εῖσω τρίγωναὶ στὰ ἀβγ, δβγ,
ἕπτα τῆς αὐτῆς βάσεως
οὐλα, τῆς βγ. (Διορισ-
μὸς.) Λέγω ὅπου ἐν ταῖς
αὐταῖς παραλλήλοις ἐ-
στιν. (Καλασκελὴ.) Επε-
ζεύχω γδὴ ἀδ, λέγω ὅ-
πι παράληλοι εἰνὶ ἀδ, ἢ τυβ. Εἰ γδὲ μή,
πίχθω γδὴ τὸ σημείον τῆς βγ διθείᾳ παρά-
ληλοι εἰνὶ αε, καὶ ἐπεζεύχθω γέγ. (Απόδε-
ξις.) Ισσον ἄρα εῖνι τὸ αβγ τρίγωνον, τῷ εβγ
τριγώνῳ. Ἐπίτε γδὲ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰνὶ¹
αὐτῷ τῆς βγ, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλή-
λοις ταῖς βγ, αε. ἀλλὰ τὸ ἀβγ, τῷ δβγ εἰνὶ²
ἴσον, καὶ τὸ δβγ ἄρα τρίγωνον, τῷ εβγ ίσον.
εἰνὶ, τὸ μεῖζον τῷ ἐλάττονι, ὅπος ἀδικάτοι.
σον ἄρα παράληλος εἰνὶ γένεται, τῇ βγ. Ο-
μοίως δὴ δείξομεν, ὅπι γδὲ ἄλλῃ τῆς πλειὸν τῷ
ἀδ. γένεται, τῇ βγ εἰνὶ παράληλοι. (Συμπέρασμα.) Τὰ ἄρα τοι τρίγωνα τὰ ἐ-
πὶ τῆς αὐτῆς βάσεως οὐλα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς
παραλλήλοις εἰστιν. ὅπος ἔδει δεῖξαι.



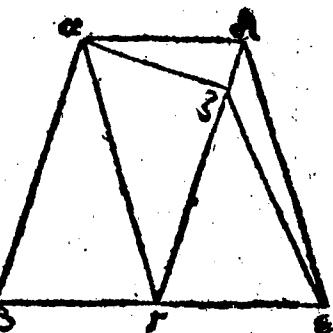
Explicatio dati.) Sint trianguli $\alpha\beta\gamma$. $\delta\epsilon\gamma$ super eadē basi γ . (**Explicatio quæfici.**) Dico quod etiam in eisdē sint lineis rectis æquedistantibus. (**Delineatio.**) Ducatur linea recta $\alpha\delta$: dico quod recta $\alpha\delta$, æquedistet rectæ γ . si enim ei non æquedistat, ducatur per punctum α , rectæ lineæ $\beta\gamma$ æquedistans recta $\alpha\epsilon$: & ducatur linea recta $\epsilon\gamma$. (**Demōstratio.**) Triangulus igitur $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\delta\epsilon\gamma$, quia super eadem basi γ est, & in eisdem lineis rectis æquedistantibus γ , ac. verum triangulus $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\delta\epsilon\gamma$: idcirco & triangulus $\delta\epsilon\gamma$, triangulo $\epsilon\gamma$ est æqualis: maior minori. quod fieri nequit. Quare recta $\alpha\epsilon$, nō æquedistat rectæ γ . Simili ratione demonstrabimus, quod nulla alia præterquam ad recta, æquedistet rectæ γ . recta igitur $\alpha\delta$, rectæ $\beta\gamma$ æquedistat. (**Conclusio.**) Trianguli igitur æquales, eandem habentes basin, in eisdem sunt æquedistantibus rectis. Id quod erat demonstrandum.

Propo-

Πρότασις μ. Θεώρημα.

ΤΑῦται τρίγωνα τὰ ὅπλα τῶν ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ ὅπλα τὰ ἀντὶα μέρη, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐσὶν.

Εκθέσις.) Εῖναι τρίγωνα ὄντα, τὰ ἄβατα, γέδε, ὅπλα τῶν βάσεων ὄντα τῶν δύο, γέ. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅππι καὶ σὺ ταῖς ἀνταῖς παραλλήλοις εἰσὶν. (Καὶ αὐτὸις.) Επεζύχθω γὰρ οὐ παραλληλός εἰναι οὐτοῦ, τῇ δέ. Εἰ γάρ μὴ, τῷ χθω Διατύπῳ, τῇ βέταράληλός οὐτοῦ. Καὶ επεζύχθω οὐτοῦ. (Απόδειξις.) Ισσον αρεσκεῖτο τὸ αἴγυ τρίγωνον, τῷ λγετε τριγώνῳ. Ὅπλα γάρ ἴσων βάσεων εἰσὶ τῶν δύο, γέ, καὶ σὺ ταῖς ανταῖς παραλλήλοις ταῖς δέ, αἱ. ἀλλὰ τὸ αἴγυ τρίγωνον, ισσον εἶτι, τῷ διγετριγώνῳ, καὶ τὸ διγετριγώνον ἄρα, ισσον εἶτι τὸ λγετε τριγώνῳ, τὸ μεῖζον, τῷ ἑλάστονι: οὐτοῦ ἀδικάλον. Οὐκ ἄρα παράληλός εἰναι οὐτοῦ, τῇ βέτα. Ομοίως δηδείξομεν, ὅππαδε ἀλλητις πολει τῆς αὐτοῦ. οὐτοῦ αὐτοῦ



Propositio quadragesima. Theorema.

TRianguli æquales, super æqualibus constituti basibus: sunt in eisdem lineis rectis æquedistantibus.

Explicatio dati.) Sint trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\nu\delta\epsilon$ super basibus $\beta\gamma$, $\nu\delta$ æqualibus. (Explicatio quæsiti.) Dico quod in eisdem sint æquedistantibus lineis rectis. (Delineatio.) Ducatur recta $\alpha\delta$, dico quod $\alpha\delta$, æquedistet rectæ $\beta\epsilon$: si enim ei non æquedistat, ducatur per punctum α recta $\beta\epsilon$, æquedistans recta $\beta\epsilon$: & ducatur recta $\alpha\zeta$. Triangulus igitur $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\beta\gamma\epsilon$, quia sunt constituti super basibus $\beta\gamma$, $\gamma\epsilon$ æqualibus, & in eisdem lineis rectis æquedistantibus $\zeta\epsilon$, $\beta\gamma$. sed triangulus $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\delta\gamma\epsilon$. quare triangulus $\delta\gamma\epsilon$, etiam erit æqualis triangulo $\beta\gamma\epsilon$, maior minori, quod fieri nequit. non igitur recta $\alpha\zeta$, æquedistat rectæ $\beta\epsilon$. Simili ratione demonstrabimus,

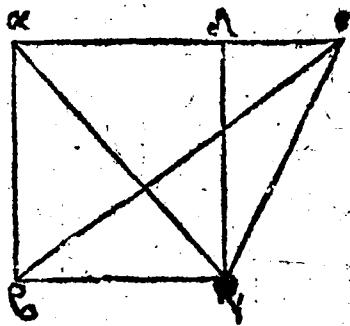
K quod

αδ ἄρα τῇ βέ παράληλος εῖσι. (Συμπένε
εφορμα.) Τὰ ἀρχικά τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν
ἴσων βάσεων ὅντα, οὐ καὶ ταῖς αὐταῖς εἰς πα-
ραλήλοις. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότεροι μα. Γεώργιμα.

ΕΑν παραληλόγραμμον τριγώνῳ βάσιν
τε ἔχει τὸν αὐτὸν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς πα-
ραλήλοις ἡ, διπλάσιον ἔχει τὸ παραληλό-
γραμμον δὲ τριγώνῳ.

Εκθεσις.) Παραληλό-
γραμμον γε τὸ αἴγαδ,
τριγώνῳ τῷ εἶναι, βάσιν
τε ἔχεται τὸν αὐτὸν τὸν
βγ, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς
εἰς παραλήλοις ταῖς
βγ, αε. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅπερι διπλάσιον ε-
σὶ τὸ αἴγαδ, παραληλόγραμμον, δὲ τρι-
γώνῳ. (Καθαρισμὸς.) Επεζύχθω γε ἡ αγ.
(Απόδεξις.) Ισον δὴ εἶσι τὸ αἴγαδ, τῷ εἶναι τρι-
γώνῳ. ὅπις τε γε τὸ αὐτῆς βάσεως εἰνὶ αὐτῷ,
τὸ βγ, καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλήλοις ταῖς



εγ

quod nulla alia præterquam ad recta, æquedistet rectæ $\beta\epsilon$. (Conclusio.) Trianguli igitur æquales, super æqualibus constituti basibus: sunt in eisdem lineis rectis æquedistantibus. id quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima prima.

Theorema.

PArallelogrammon trianguli est duplum, si super eadem consistat basi: & in eisdem fuerit æquedistantibus lineis rectis.

Explicatio dati.) Parallelogrammon $a\beta\gamma\delta$, & triangulus $\epsilon\beta\gamma$: sint super eadem basi $\beta\gamma$, in eisdem æquedistantibus lineis rectis $a\epsilon$, $\beta\gamma$. (*Explicatio quæsti.*) dico quod parallelogrammon $a\beta\gamma\delta$, sit duplum trianguli $\epsilon\beta\gamma$.

(*Delineatio.*) Ducatur recta $a\gamma$. (*Demonstratio.*) Triangulus $a\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\epsilon\beta\gamma$, quia super eadem basi sunt $\beta\gamma$:

& in eisdem æquedistantibus lineis rectis

K_2 $\beta\gamma$

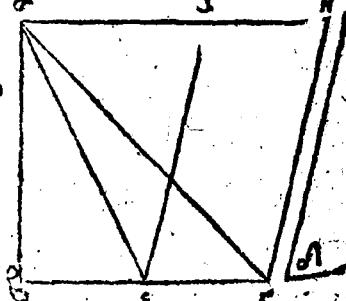
Βγ, αε. ἀλλὰ τὸ ἄβγδ παραλληλόγραμμον, διπλάσιον ἐστι τὸ ἄβγδ τριγώνων. η γάρ
διάμετρος, ἀντὸ δίχα τέμνει. ὥστε τὸ ἄβγδ παραλληλόγραμμον, καὶ τὸ εἶδος τριγώνων ἐστι
διπλάσιον. (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα τα
ραλληλόγραμμον, τριγώνων βάσου τε ἔχει
τὴν ἀντίκα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
η, διπλάσιον ἐστι τὸ παραλληλόγραμμον τὸ
τριγώνων. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις μβ. Πρόβλημα.

Τῷ δοθέντι τριγώνῳ, ἵσσον παραλληλό-
γραμμον συστήσασθαι, ἐν τῇ δοθείσῃ δι-
πλαγάμμῳ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εῖναι τὸ μὲν δοθὲν τρίγωνον, τὸ
ἄβγδ, η δὲ δοθεῖσα διπλή-
γραμμος γωνία, η δ.

(Διορισμός.) Δεῖ δὴ τὸ
ἄβγδ τριγώνων, ἵσσον πα-
ραλληλόγραμμον συστή-
σασθαι, ἐν τῇ δ γωνίᾳ
διπλαγάμμῳ. (Κατασκεψή.) Τελείσθω
βγ δίχα



$\alpha\beta\gamma$, ac. sed parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, est duplum trianguli $\alpha\beta\gamma$: quia $\alpha\gamma$ diameter ipsum medium secat. quare & parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, trianguli $\alpha\beta\gamma$ duplum erit. (Conclusio.) Parallelogrammon igitur trianguli est duplum: si super eadem consistat basi, & in eisdem fuerit æquedistantibus lineis rectis. Id quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima secunda.

Problema.

DAto triangulo, æquale statuere parallelogrammon in angulo rectilineo dato.

Explicatio dati.) Sit triangulus datus $\alpha\beta\gamma$: & datus angulus rectilineus δ . (Explicatio quæsiti.) Dato triangulo $\alpha\beta\gamma$, statuendum est parallelogrammon æquale: in angulo qui est æqualis dato angulo rectilineo δ . (Delineatio.) Dissecetur linea recta

K 3 $\beta\gamma$

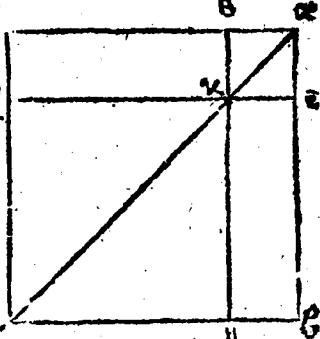
Βγ δίχα κατὰ τὸ ἐ, καὶ ἐπεζύχθω ἡ αῖ.
καὶ σωειάτω πέος τῇ εὐ δύθεια, Καὶ τῷ πέος
αὐτῇ σημείῳ τῷ ε, τῇ δὲ γωνίᾳ ἵση ἡ ψε-
γελ. καὶ Διάμδι τῷ α, τῇ εὐ παράληλ⑤
ηχθω, ἡ αῖ, Διάγγυ, τῇ ζεω παράληλ⑥
ηχθω ἡ γῆ, παράληλόγραμμον ἀρχεῖν, τὸ
ζευη. (Απόδεξις.) Καὶ ἐπεὶ ἵση ἐν τῷ βε,
τῇ εὐ, ἵση ἐν καὶ τῷ αῖ τειγωνού, τῷ αῖ τει-
γωνῷ. Οπίτε γδὲ σων βάσεων εἰσὶ τῶν βε,
εὐ, Καὶ ταῖς αὐταῖς παράληλοις ταῖς δι, αῖ.
διωλάστον ἀρχεῖν τῷ αῖ, τῷ αῖ τει-
γων. ἐν δὲ καὶ τῷ ζευη παράληλόγραμ-
μον, διωλάστον τῷ αῖ τειγων. βάσιν τε γδὲ
αὐτῷ τῷ αὐτῷ ἔχει, καὶ ταῖς αὐταῖς ἐ-
σὶν αὐτῷ παράληλοις. ἵση ἀρχεῖν τῷ ζευη
παράληλόγραμμον, τῷ αῖ τειγωνῷ. καὶ
ἔχει τῷ ψεγελ γωνίαν, ἵση τῇ δ. (Συμ-
πέρασμα.) Τῷ ἀρχεῖ δοθέντι τειγωνῷ τῷ
αῖ, ἵση παράληλόγραμμον σωειάτη
τῷ ζευη, τῇ γωνίᾳ τῷ ψεγελ, ἢ ἐσὶ τῇ τῇ
δ. ὁπός ἔδει ποιῆσαι.

By media in puncto ε: et ducatur linea recta αε: atque ita statuatur ad lineam rectam εγ, et punctū eius ε, dato angulo rectilineo δ: equalis angulus rectilineus γε: postea ducatur per punctum α, linea recta γε, aequidistantis linea recta αη: et per punctum γ, linea recta εη, aequidistantis linea recta γη. Erit itaque figura εηγη parallelogrammon. (Demōstratio.) Quoniam βε est aequalis εγ: idcirco et triangulus αβε, triangulo αεγ est aequalis: sunt enim super basibus aequalibus βε, εγ, et in eisdem lineis rectis βγ, αη aequidistantibus. Quare αβγ triangulus, duplus est trianguli αεγ: verum parallelogrammon εηγη, etiam est duplum trianguli αεγ: quia eandem habent basim εγ: et in eisdem sunt aequidistantib^o lineis rectis εγ, γη. Quare parallelogrammon εηγη, est aequale triangulo αβγ, et habet angulum γε, aequalēm angulo δ. (Conclusio.) Dato igitur triangulo αβγ, statutum est aequale parallelogrammon εηγη in angulo γε, qui est aequalis dato angulo rectilineo δ. Quod faciendum erat.

Πρότασις μου. Ιεώρημα.

ΠΑΝΤΟΣ παραλληλογράμμων τῶν τοῖς τῷ
διάμετρον παραλληλογράμμων τὰ πα-
ρεπαληρόματα, οὐδὲ ἄλλοις ἐσὶν.

Εκθεσις.) Εἰς παραλληλογράμμον, τὸ
ἄβυδον διάμετρόν δὲ αὐτός, η̄ ἀγ., τοῖς δὲ τῷ
ἄγ., παραλληλογράμ-
ματι ἔσται τὰ εἴδη, ζη., τὰ
δὲ λεγόμενα παραπλη-
ρώματα, τὰ βή, καὶ. (Διο-
ρισμός.) Λέγω ὅτι ἵσσον ἐ-
σὶ τὸ βή παραπληρώ-
μα, τῷ κοὶ παραπληρώματι. (Απόδειξις.)
Ἐπεὶ γὰρ παραλληλογράμμον ἐστι τὸ ἄβυδον,
διάμετρόν δὲ αὐτός η̄ ἀγ., ἵσσον ἐστὶ τὸ ἄβυδον
τρίγωνον, τῷ αὖτις τριγώνῳ. πάλιν ὅτι τὸ
ἐκθα παραλληλογράμμον ἐστι, Διάμετρό
δὲ αὐτός η̄ ἀγ., ἵσσον ἐστι τὸ εακτρίγωνον τῷ αὐτῷ
τριγώνῳ. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ τὸ κῆρυ τρίγω-
νον, τῷ κῆρυ ἐσὶν ἵσσον. ἐπεὶ δὲ τὸ μὲν ἀεκτρί-
γωνον, τῷ αὐτῷ τριγώνῳ ἐσὶν ἵσσον, τὸ δὲ κῆρυ,
τῷ κηρυ, τὸ αεκτρίγωνον μετὰ τῷ κηρυ, ἐσὶν
ἵσσον.



Propositio quadragesima tertia.

Theorema.

OMNIS parallelogrammi eorum que circa eandem sunt dimetientem parallelogrammōn supplementa: æqualia sunt inter se.

Explicatio dati.) Sit parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, dimetiens eius $\alpha\gamma$, & circa $\alpha\gamma$, sint parallelogramma $\epsilon\theta\zeta\eta$: & quæ vocantur supplementa sint $\beta\kappa,\chi\delta$. (Explicatio quæsiti.) Dico quod supplementum $\beta\kappa$, sit æquale supplemento $\chi\delta$. (Demonstratio.) Quoniam $\alpha\beta\gamma\delta$ parallelogrammon, diametrum habet $\alpha\gamma$: ideo circa triangulus $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\alpha\delta\gamma$. Rursus quoniam ex $\beta\alpha$ parallelogrammon, diametrum habet $\alpha\kappa$ linea rectam: ideo ean triangulus, est æqualis triangulo $\alpha\delta\kappa$. Per eadem demonstrabitur triangulum $\kappa\gamma\zeta$, triangulo $\kappa\gamma\eta$ esse æqualem. Cum igitur triangulus $\alpha\kappa\chi$, triangulo $\alpha\delta\kappa$ sit æqualis: & triangulus $\kappa\gamma\zeta$, æqualis triangulo $\kappa\gamma\eta$: erit itaq; triangulus $\alpha\kappa\chi$ cum triangulo $\kappa\gamma\eta$ æqua-

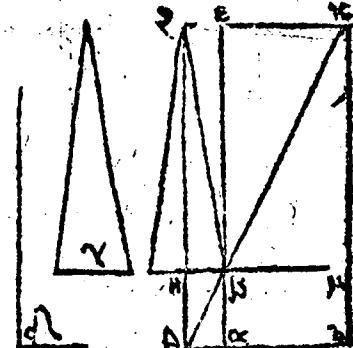
K. 5. his tri-

ἴσου τῷ ἀθετεργάνω μείζα τῷ κλίνετεργάνῳ. Εἰ δὲ τὸ ὅλον τὸ ἀθετεργάνων, ὅλω τῷ ἀθετεργάνῳ. λοιπῷ ἀρχα τῷ καὶ παραπλήρωμα τοῦ ἰσού εἰς τὸ βήμα παραπλήρωμα. (Συμπλέγματα.) Παντὸς ἀρχα παραπληρώματος τῶν περὶ τὴν Διάμετρον παραπληρώματος, τὰ παραπλήρωματα, οὓς ἀλλοιεῖσθαι. οὐδὲ δέ εἰ δεῖξαι.

Πρότερος μὲν. Πρόβλημα.

ΠΑρὰ τὴν δοθεῖσαν δίθεῖσαν, τῷ δοθέντι τεργάνω, ίσου παραπληρώματος παραβαλλεῖ σε τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ δίθεράμενω.

Ἐκθεσις.) Εἰσωγή μὲν δοθεῖσα δίθεῖσα, η ἀβ, τὸ δὲ δοθὲν τεργάνων, τὸ γ, η δὲ δοθεῖσα γωνία δίθεράμενο, η δ. (Διορθωτός.) Δεῖ δὴ παρὰ τὴν δοθεῖσαν δίθεῖσαν τὴν ἀβ, τῷ δοθέντι τεργάνῳ τῷ γ, ίσον παραπληρώματον παραβαλλεῖ, σε τῇ διγωνίᾳ. (Κατασκεψή.) Συνεπάτω



lis triangulo $\alpha\beta\gamma$, cum triangulo $x\gamma y$. verū totus triangulus $\alpha\beta\gamma$, toto triangulo $\alpha\gamma$ est æqualis : quare reliquum supplementum βx , reliquo supplemento $x\delta$ est æquale. (Conclusio.) Omnis igitur parallelogrammi eorum quæ circa eandem sunt dimetientem parallelogrammum supplementa æqualia sunt inter se. Id quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima quarta.

Problema.

AD datam lineam rectam, dato triangulo, æquale statuere parallelogrammon, in angulo rectilineo dato.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$: datus vero triangulus γ : datus angulus rectilineus δ . (Explicatio quæsiti.) Ad datam lineam rectam $\alpha\beta$, statuendum est parallelogrammon æquale triangulo dato γ : in angulo, qui est æqualis angulo δ dato. (Delinea-

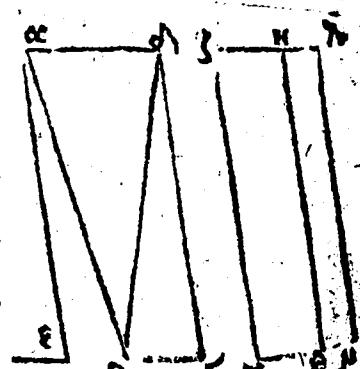
εάτω τῷ γέ τεργάνω ἵσον παραληλόγραμ-
μον τὸ Βεζῆ, σὺ γωνία, τῇ ψεύτῳ εἶη, οὐ εῖνι ίσοι.
Τῇ δὲ, καὶ καίθα αστράς ἐπ' οὐθείας εἴναι τῷ Βε,
τῇ αβ, οὐδὲ μήχθω ἡ ζῆ, ὅπερ τὸ θ, Καὶ διὰ τοῦ
αστροτέρα τῶν Βη, εἰς παραληλόγρηχθω ἡ
αθ, οὐδὲ εἰς μήχθω ἡ θβ. (Απόδεξις.) Καὶ
ἐπειδεῖς παραληλάς τὰς αθ, εζ, οὐθεῖα ἐμ-
πέπικεν ἡ θζ, αἱ ἀρχαὶ τῷ αθζ, θζεὶ γωνίαν
δυσὶν ὄρθαις ἴσαι εἰσὶν. αἱ ἀρχαὶ τῷ Βθη, ηζε
δύο ὄρθῶν ἐλάσσονες εἰσιν. αἱ δὲ διπλὸι ἐλα-
σσόνων, η δύο ὄρθῶν, εἰς ἀπέρρον ἐκβαλλόμεναι,
συμπίπτουσιν, αἱ θθ, ζε ἀρχαὶ ἐκβαλλόμεναι,
συμπεσθήσανται. (Καὶ αὐτὸς τὸ ἔτερον μέρος.)
Ἐκβεβλήθωσαν Καὶ συμπιπτέτωσαν καὶ τὸ ι,
καὶ διὰ τὴν ομοιότητα, ὁ πότερος τῶν εσ, ζθ, πι-
ράληλόγρηχθω ἡ αλ, καὶ σκεβεβλήθω-
σαν αἱ θα, ηβ, οπτὶ τὰ λ, μ, ομοια. (Απόδε-
ξις τὸ ἔτερον μέρος.) Παραληλόγραμ-
μον ἀρχαὶ εἰς τὸ θλιζ, διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ
θι. τοῖς δὲ θι, παραληλόγραμμα ιδύ, τὰ
αη, με, τὰ δὲ λεγόμενα παραπληρώματα
λθ, βζ. ἵσον ἀρχαὶ εἰς τὸ λο, πλβζ. ἀλλὰ ιη
τὸ βζ,

neatio.) Fiat triangulo γ æquale parallelogrammon $\beta\eta$: in angulo $\epsilon\beta\eta$, æquali angulo d' dato, et sit linea recta $\beta\epsilon\pi'$ & thetaica rectæ $\alpha\beta$: atq; producatur linea recta $\gamma\eta$, ad punctum θ . per punctum etiam aducatur alterutri linearum $\beta\eta$, et aequedistans linea recta $\alpha\theta$: deniq; ducatur linea recta $\theta\beta$. (Demonstratio.) Quoniam in duas rectas aequalibus distantes $\alpha\theta$, et recta linea $\theta\gamma$ incidit: idcirco anguli $\alpha\theta\gamma$, $\theta\gamma\alpha$ duobus rectis sunt aequales, atq; ideo anguli $\theta\alpha\eta$, $\eta\alpha\theta$ duobus rectis sunt minores. verum lineæ rectæ à duobus angulis, qui sunt minores duobus angulis rectis, in infinitum usque ductæ concurrunt. quare $\theta\beta$, et productæ concurrent. (Altera delineationis pars.) Producantur duæ lineæ rectæ $\gamma\epsilon\theta\beta$, et concurrant in puncto κ , et per punctum κ , alterutri linearum $\epsilon\alpha$, $\alpha\theta$ ducatur $\kappa\lambda$ aequedistans: atq; producantur lineæ rectæ $\eta\beta$, $\theta\alpha$ ad puncta usq; λ , μ . (Demonstracionis altera pars.) Est igitur figura $\theta\lambda\kappa\gamma$ parallelogrammon: eiusq; diameter $\theta\kappa$: circa dimetientem vero parallelogramma sunt an-
te: dicta vero supplementa $\lambda\beta$, $\beta\gamma$. quare $\lambda\beta$

τὸ βῆ, τῷ γῇ τριγώνων ἐν ᾿ον, καὶ τὸ λόγον
τῷ γενέν ῿ον, καὶ ἐπεὶ ἵη ἐν ἡ τὸ οὐρανία,
τῇ τὸ ἄβυτο, ἀλλὰ ἡ τὸ οὐρανός τῇ δὲ
ἐν ῿ον, καὶ ἡ υπὸ ἄβυτο, τῇ δὲ γωνίᾳ ἐν ῿ον.
(Συμπέρασμα.) Παρὰ τὴν δοθεῖσαν ἀριθμοῦ
δοθεῖσαν τῷ ἄβ., τῷ δοθέντι τριγώνῳ τῷ γ.,
ἴσον παραλληλόγραμμον παραβέβληται τὸ
λόγον γωνίᾳ τῇ τὸ ἄβυτο, ἡ ἐν ῿ον τῇ δ.
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότερος με. Πρόβλημα.

Τοῦ δοθέντι ἀριθμοῦ, οὗ σον παραλληλόγραμμον συσύσπασμα ἐν τῇ δοθείσῃ
ἀριθμῷ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εἰσω τὸ δοθὲν  αριθμοῦ, τὸ ἄβυτο, ἡ δὲ δοθεῖσα γωνία ἀριθμοῦ, η̄ ε. (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τῷ ἄβυτο δοθείσῳ αριθμῷ, οὗ σον παραλληλόγραμμον συσήσπασμα ἐν ῿ον γωνίᾳ τῇ ε̄. (Κατασκεψή.) Επεὶ δύχθω γὰρ ἡ δοθεῖσα γωνία τῇ ε̄, καὶ συ-

νεστή

Supplementum est æquale C γ supplemento.
verum C γ supplementum, est æquale trian-
gulo γ : ergo C γ supplementum triangula
x est æquale. præterea quoniam angulus $\eta\zeta$
est æqualis angulo a $\beta\mu$: & angulus $\eta\zeta$ etiā
est æqualis angulo δ : idcirco C γ angulus a $\beta\mu$
etiam est æqualis angulo δ . (Conclusio.) Ad
datam igitur lineam rectam a β : dato trian-
gulo γ : æquale cōstitutum est parallelogram-
mon a β , in angulo a $\beta\mu$, qui est æqualis angu-
lo δ . Id quod erat faciendum.

Propositio quadagesima quinta.

Problema.

Dato rectilineo, æquale statuere
parallelogrammon in angulo re-
ctilineo dato.

Explicatio dati.) Sit datum rectilineum
a $\beta\gamma\delta$: & datus angulus rectilineus e. (Ex-
plicatio quæsiti.) Dato rectilineo a $\beta\gamma\delta$, sta-
tuendum est æquale parallelogrammon in
angulo rectilineo, qui est æqualis angulo e da-
to. (Delineatio.) Ducatur linea recta C δ , &
consti-

νεσάτω τῷ ἀβδῷ τριγώνῳ, ἵσον παραλλήλου
χειρίμον, τὸ γθ, εἰ τῇ ψῶθική γωνίᾳ, η ἐ-
στὶν ἴση τῇ ε, καὶ παραβεβλήθω παρὰ τῷ
ηθ δύθεῖαι τῷ δβγ τριγώνῳ, ἵσον παράλ-
ληλόχειριμον, τὸ γμ, εἰ τῇ ψῶθιμ γωνίᾳ,
η ἐστὶν ἴση τῇ ε. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ η ἐγω-
νία, ἐκατέρα τῶν ψῶθική, ηθιμ ἐστιν ἴση, καὶ
η ψῶθιμ ἀρχὴ τῇ ψῶθική ἐστιν ἴση, καὶν
περισκείσθω, η ψῶθικθη. αἱ ἀρχαὶ ψῶθικθ,
κθη τᾶς ψῶθικθη, ηθιμ, ἰσαὶ εἰσὶν. ἀλλ' αἱ υ-
πὸ γηθ, κθη, δυσὶν ὁρθαῖς ἰσαὶ εἰσὶν, καὶ αἱ υ-
πὸ κθη, ηθιμ ἀρχαὶ δύσιν ὁρθαῖς ἰσαὶ εἰσὶν. πρὸς
δῆ πνι δύθείαι, τῇ ηθ, καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ
τῷ θ, δύσι δύθεῖαι αἱ κθ, θιμ, μὴ σπὶ τὰ αὐτὰ
μέρη κείμενα, τὰς ἐφεξῆς γωνίας δυσὶν ὁρ-
θαῖς ἰσαὶ ποιεῖσιν. ἐπ' δύθείαις ἀρχαῖς η κθ,
τῇ θη. καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους τὰς κμ, γη,
δύθείαις νέπεσεν η θη, αἱ ἐναλλὰξ γωνία, αἱ
υπὸ μθη, θικήσιαὶ ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶν περι-
κείσθω η ψῶθικθη. αἱ ἀρχαὶ ψῶθιμθη, θηλ,
τᾶς ψῶθικθη, θηλ, ἰσαὶ εἰσὶν. ἀλλ' αἱ ψῶ-
μθη, θηλ, δυσὶν ὁρθαῖς ἰσαὶ εἰσὶν, 647

conficiatur triangulo $\alpha\beta\delta$ aequale parallelogrammon $\gamma\theta$: habens angulum $\theta\kappa\zeta$, aequalem angulo ϵ . statuatur etiam ad lineam rectam $\eta\theta$, parallelogrammon $\eta\mu$, aequale triangulo $\delta\beta\gamma$, habens angulum $\kappa\theta\mu$ aequalem angulo ϵ . (Demonstratio.) Quoniam angulus ϵ alterutri angulo $\theta\eta\zeta$, $\eta\theta\mu$ est aequalis: idcirco & angulus $\eta\theta\mu$, angulo $\theta\kappa\zeta$ est aequalis. communis addatur angulus $\kappa\theta\eta$: ergo duo anguli $\kappa\theta\theta$, $\kappa\theta\eta$, duob. angulis $\kappa\theta\eta$, $\eta\theta\mu$ sunt aequales. verum duo anguli $\gamma\eta\theta$, $\kappa\theta\eta$ duabus rectis sunt aequales: quare & anguli $\kappa\theta\eta$, $\eta\theta\mu$ duabus rectis sunt aequales. ad lineam rectam $\eta\theta$, & punctum in ea datum θ in diuersas partes ductae sunt lineae rectae $\kappa\theta$, $\theta\mu$: atq; faciunt angulos $\epsilon\Phi\epsilon\Xi\eta\varsigma$ aequales duabus rectis: quare recta $\kappa\theta$ est ex parte $\epsilon\Phi\epsilon\Xi\eta\varsigma$ recta $\theta\mu$. Et quia in lineas rectas aequidistantes $\kappa\mu$, $\gamma\eta$ recta quædā $\theta\eta$ incidit: anguli idcirco alterni sunt inter se aequales, angulus $\mu\theta\eta$, aequalis angulo $\theta\kappa\zeta$. Communis addatur angulus $\theta\eta\lambda$. anguli igitur $\mu\theta\eta$, $\theta\eta\lambda$, angulis $\theta\kappa\zeta$, $\theta\eta\lambda$ sunt aequales, verū $\mu\theta\eta$, $\theta\eta\lambda$ anguli sunt aequales duobus

Θηγ, θηλ ἄρα δυσὶν ὁρθῶς ἴσχει εἰσὶν. ἐπ' αὐτοῖς
 θείας ἄρα εἶναι οὐχί, τῇ θηλ. καὶ ἐπεὶ οὐκ ἔχει
 θηλ, τοι τε καὶ παράλληλος εἶναι, ἀλλὰ τὸ θηλή
 τῷ μλ, καὶ οὐκ ἄρα τῷ μλ θηλ τὴν παραλ-
 ληλός εἶναι, καὶ σπιζόμενοι αὐτὰς δύθείας,
 αἵκματα. καὶ αἱ κλ., γμ., ισαγ τὲ τὸ παράλλη-
 λος εἰσί. παραλληλόγραμμον ἄρα εἶναι τὸ
 κῆλμ. καὶ ἐπεὶ οὐκ εἶναι τὸ μλ τὸ δέδηγον,
 τὸ ημ., ὅλον ἄρα τὸ ἀβγδ δύθείας, ὅ-
 λω τὸ κῆλμ παραλληλογράμμω, οὗτον εἶναι
 (Συμπλεγασμα.) Τῷ ἄρα δοθέντι δύθε-
 χάμμω τὸ ἀβγδ, οὐν παραλληλόγραμμον
 συνίσταται τὸ κῆλμ, συγωνία, τη οὐσία της κη-
 μής εἶναι τῇ δοθένσῃ τῇ ε. ὅπερ ἐδίκισεν ποιησατ.

Πρότασις με. Πρόβλημα.

Α Πὸτε δοθέσιος. δύθείας περιάγωνον αὐτό-
 χεάψει.

Εκφεσις.) Ενώ οὐδοθέσιοι δύθεία, οὐδὲ.
 (Διο-
 εισμός.) Δεῖ δὴ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ δύθείας, τε γράμμα-

bus rectis. quare & anguli $\theta\eta\lambda$, $\theta\eta\lambda$ duobus rectis sunt aequales. quare recta $\zeta\eta$ est in' & Deinde recta $\eta\lambda$. Cum vero $\kappa\lambda$ recta, rectae $\theta\eta$ sit aequalis, & aequedistans: item $\theta\eta$ recta, rectae $\mu\lambda$ aequalis & aequedistans: idcirco & $\kappa\lambda$ recta, rectae $\mu\lambda$ aequalis & aequedistans est: easq; coiungunt recta $\kappa\mu$, $\zeta\lambda$, quare & $\kappa\lambda$, $\zeta\mu$ aequales & aequedistantes sunt, unde fit, quod figura $\kappa\lambda\mu$ sit parallelogrammon. Cum autem triangulus $a\delta\delta$, sit aequalis parallelogrammo $\theta\zeta$: & triangulus $d\gamma\gamma$ parallelogrammo $\eta\mu$. totum igitur rectilineum $a\delta\gamma\delta$: toto parallelogrammo $\kappa\lambda\mu$ est aequale. (Cōclusio.) Dato igitur rectilineo $a\delta\gamma\delta$, constitutum est parallelogrammon $\kappa\lambda\mu$ aequale, in angulo $\zeta\mu$, qui est aequalis dato angulo e . Id quod faciendum erat.

Propositio quadragesima sexta. Problema.

A Data linea recta describere quadratum.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $a\delta$.

Explicatio quæsiti.) A data linea recta $a\beta$,

L. 2 descri-

νον αιδηράνθατ. (Καλασκόνη.) Η χθω τῇ ἀβ
ύθεῖα, ἀπὸ τῆς πέριος αὐτῆς ομείς τῇ αὐτῇ πέριος
ὁρθὰς ή ἄγ, καὶ κέιθω τῇ
αὐτῇ, η ἀδ, οὐδὲ Διάμερον
τῇ διαμείς, τῇ αὐτῇ πα-
ράληλον ἡ χθω, η δὲ,
Διὰ δὲ τῇ β ομείς τῇ
ἀδ παράληλον ἡ χθω,
η βε. (Απόδεξις.) Παραλληλόγραμπον ἔ-
ρχεται τὸ ἀδεῖ, ὃν ἀρχεῖταιν ἡ μὲν αὐτῇ δε,
η δὲ ἀδ, τῇ βε. ἀλλὰ οὐδὲ η αὐτ., τῇ αδ εἰτιν
ον. αἱ τέσσαρες ἀρχαι βα, αδ, δε, βε, οὐδὲ ἀλ-
λήλαις εἰσιν, ισότολμον ἀρχεῖται τὸ ἀδεῖ
παραλληλόγραμπον. (Διορισμὸς δύνα-
μον.) Λέγω δὴ ὅπη ιψή ὁρθογώνιον. (Απόδε-
ξις.) Επεὶ γὰρ εἰς παραλήλους τὰς αὐτ., δὲ δύ-
νεῖα ἐνέπεσεν η ἀδ, αἱ ἀρχαι τοῦτο βαδ, αδε
γωνία, δυσὶν ὁρθαῖς οὐδὲ εἰσὶν. ὁρθὴ δὲ η υ-
πὸ βαδ, ὁρθὴ ἀρχαὶ η υπὸ αδε. τῶν δὲ
παραλληλόγραμπων χωρίων αἱ ἀπ' ἐναντί-
ον πολυμορφίτε Σ γωνία, οὐδὲ ἀλλήλαις εἰσὶν.
ὅμητη ἀρχαὶ ἐκάπερ φεταντίσων τῶν υ-

describendum est quadratum. (Delineatio.)

Ducatur ex puncto a linea recta $a\beta$, ad angulos rectos recta linea ay : et fiat recta $a\gamma$ equalis recta ad : per punctum etiam d , linea recta $a\beta$ ducatur aequidistans linea recta $a\delta$: denique per punctum β linea recta δe , ducatur aequidistans linea recta ce . (Demonstratio.)

Figura igitur $a\beta\delta e$, est parallelogrammon: et $a\beta$ est equalis δe , atque $a\beta$ recta βe : sed et $a\beta$ etiam est equalis recta ad . quatuor igitur rectae $a\beta$, ad , δe , ce sunt inter se aequales, atque idcirco parallelogrammon $a\beta\delta e$ est equilaterum. (Secunda explicatio quaesiti.) Dico quod parallelogrammon $a\beta\delta e$ etiam sit rectangle. (Demonstratio.) Cum in duas rectas aequidistantes $a\beta$, δe recta quædam ad incidere, anguli $\beta a\delta$, $a\delta e$ duobus rectis sunt aequales. verum angulus $\beta a\delta$, est rectus, idcirco et angulus $a\delta e$ etiam est rectus, parallelogramma vero angulos oppositos, et latera opposita habet aequalia: quare ut ergo angulorum

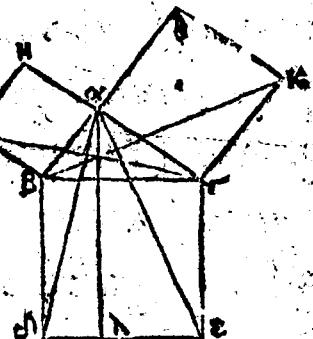
πὸ αὐτοῦ, δεδυναμέν. ὁρθογώνιον ἀρχεῖται τὸ
ἀδεῖ. ἐδείχθη δὲ καὶ ισόσκλιδον. (Συμπέ-
ργον.) Τετράγωνον ἀρχεῖται, καὶ εἰν αὐτῷ
τῆς αβ. θείας αναγεγραμένον. ὅπερ ἐδει-
κεῖτο.

Πρότασις μὲν. Ιεώρημα.

ΕΝ τοῖς ὁρθογώνιοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς
τιμὴς ὁρθίαις γωνίαις περιεκχυσῶν πλεύ-
ρᾶς τετράγωνον ἔστι, τοῖς δέ ποτε τῶν τιμὴς
ὁρθίαις γωνίαις περιεκχυσῶν πλεύρῶν τετρά-
γώνοις.

Εκθεσις.) Εσω τρίγω-
νον ὁρθογώνιον, τὸ αῦτον,
ὁρθὴν ἔχον τιμὴν πλεύραν.
(Διορισμὸς.) Λέγω ὅπερ τὸ
δέποτε τέτρι τετράγωνον ἔ-
στιν ἔστι, τοῖς ἀπὸ τῶν πλεύ-
ρης τετράγωνοις.

(Κατασκεψή.) Αναγε-
γένεται δὲ πάντα μὲν τῆς βασικῆς, τετράγωνον,
τὸ βασικόν, δέποτε δὲ τῶν βασικῶν, αὐτοῖς, τὰς θύρας, καὶ
τὰς τετράγωνας, ὃπότερα τῶν βασικῶν, γε, παράλληλοί
τούς, οὐδὲν διαφέρει τῶν βασικῶν αὐτῶν, τούς. (Α-
πόδει-



oppositorum $\alpha\beta\epsilon$, $\epsilon\delta\delta$ est rectus: ideoq; ad eis parallelogrammon, est rectangulum, sed et aquilaterum esse fuit demonstratum. (Conclusio.) Quare $\alpha\beta\epsilon\delta$ figura, est quadratum: et est descriptum à linea recta data $\alpha\beta$. id quod erat faciendum.

Propositio quadragesima septima.

Theorema.

IN triangulis rectangulis, quadratum lateris angulum rectum subtendens, est æquale quadratis laterum, rectum angulum continentium.

Explicatio dati.) Sit triangulus rectangulus $\alpha\beta\gamma$, habens angulum $\beta\gamma$ rectum. (Explicatio quæsiti.) dico quod quadratum lateris $\beta\gamma$, sit æquale quadratis laterum $\alpha\epsilon$, $\alpha\gamma$.

(Delineatio.) Describatur à linea $\beta\gamma$, quadratum $\beta\delta\epsilon\gamma$: et à linea $\beta\alpha$ quadratum $\beta\eta$. Præterea à linea $\alpha\gamma$ quadratum $\gamma\theta$. Ducatur etiam per punctum α , alterutri linearum $\beta\delta$, $\gamma\theta$ aequidistantes recta linea $\alpha\lambda$. Deniq; ducantur duas lineas rectas ad, $\gamma\theta$. (De-

L 4 mon-

πόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὅρθή ἐστιν ἐκατέρᾳ τῶν
 ψαῦθαγ, βάη γωνιῶν, πέρος δὴ τινι δύθείσι,
 τῇ βαῖ, καὶ τῷ πέρος αὐτῇ σημείῳ τῷ ᾱ, δύο
 δύθείσι, αἱ ᾱγ, ᾱη, μὴ ἀπὸ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ
 μεναι, τὰς εφεζῆς γωνίας δύοιν ὅρθαις ἴσαις
 ποιήσον. ἐπ' δύθείσις ἀρχαῖς ἐν τῇ γᾶ, τῇ ᾱη. Διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ᾱβ, τῇ ᾱθ ἐν τῷ δύθείσι.
 καὶ ἐπὶ ἵσησιν καὶ τῷ δέγ γωνίᾳ τῇ τῷ δέ
 γδα ὅρθὴ γδέκατηρε. καὶ νὴ περικείθω καὶ
 πὸ ᾱδυ. ὅλη ἀρχαὶ τῷ δέγδα, ὅλη τῇ τῷ δέ
 γδυ ἐν τῷ. καὶ ἐπεὶ δύο αἱ δβ, δα. δυοῖς ταῖς
 βζ, δγ ἴσαις εἰσὶν, ἐκάτερα ἐκατέρα, καὶ γω-
 νίαι τῷ δέγδα, γωνία τῇ τῷ δέγδυ, ἵση
 σιν. Βάσις ἀρχαὶ ᾱδ, βάσις τῇ δέγδυ ἵση, καὶ
 τὸ ᾱδ τριγώνον, τῷ δέγδυ τριγώνῳ ἐν τῷ. καὶ
 εἰ τῷ μὲν ᾱδ τριγώνοις, διαλάσιον τὸ
 διαφαλλήλοις, ταῖς διδ, ᾱλ. τῷ δὲ δέγδυ τρι-
 γώνοις, διαλάσιον τὸ ηδ περιάγωνον. Βάσις τῷ
 γδέ ταλαιν τῷ αὐτῷ ἔχοντι, τῷ δέγδα. καὶ σὺ
 ταῖς αὐταῖς παραδιλήλοις εἰσὶ, ταῖς δέγδα, πγ.
 τὰ δέ

monstratio.) Quoniam uterque angulorum $\angle \alpha$,
 $\angle \beta$ est rectus: idcirco ad rectam quandam
 $\angle \gamma$, et ad punctum quod in ea est a, due rectae
 $\alpha\gamma$, $\beta\gamma$ in diuersas partes ductae, faciunt an-
gulos vicinos inter se aequales: quare recta $\gamma\alpha$
est in $\angle \alpha$. Idem recta $\gamma\beta$ in $\angle \beta$. per eadem ista de-
monstrabitur, quod recta $\alpha\beta$, est in $\angle \alpha\beta$ recta.
quoniam vero angulus $\angle \alpha\beta\gamma$, aequa-
lis est angulo $\angle \alpha\beta\alpha$, quia uterque est rectus, com-
munis addatur angulus $\alpha\beta\gamma$: totus igitur an-
gulus $\angle \alpha\beta\alpha$, toto angulo $\angle \alpha\beta\gamma$ est aequalis, cum
vero duo latera $\angle \alpha\beta\alpha$, $\angle \alpha\beta\gamma$, duobus lateribus $\angle \alpha\beta\gamma$
 $\beta\gamma$ sint aequalia, alterum alteri: et angulus
 $\angle \beta\alpha$, angulo $\angle \beta\gamma$ aequalis. basis igitur ad
basis $\beta\gamma$ est aequalis, et triangulus $\alpha\beta\gamma$ trian-
gulo $\angle \beta\alpha$ aequalis: verum trianguli $\alpha\beta\gamma$ pa-
rallelogrammon $\beta\lambda$ est duplum, quia habent
eandem basim $\beta\gamma$, et sunt in eisdem lineis re-
ctis aequedistantibus $\beta\gamma$, $\alpha\lambda$. Item trianguli
 $\angle \beta\gamma$, duplum, est quadratum $\eta\zeta$, quia habent
eandem basim $\beta\gamma$, et sunt in eisdem lineis re-
ctis aequedistantibus $\beta\gamma$, $\eta\zeta$. Quae vero e-

τὰδε τῶν ἵσων διαλάσσεις ἀλλήλοις ἐστὶ^ν
ἴσου ἀρχέσι καὶ τὸ διαφανῆ λόγογραμμον,
ταῦτη βεβαγών. Ομοίως δὴ οὐδὲ μηδεμένων τῶν αὐτῶν, βη, δειχθήσεται καὶ τὸ γλ πα-
ραλληλόγραμμον ἴσου τῷ θύτερογάνων, ὁ-
λον ἄρα τὸ διβεβαγών, δυσὶ τοῖς ηδ.,
θύτερογάνων, ἴσουν ἐστι, καὶ ἐστὶ τὸ μήδεμ
τεράγωνον, διποτὴς βη αναγραφέν, τὰδε
ηδ., θη, διποτὴς τῶν βασικῶν. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς διγ
πλανῆς τετράγωνον, ἴσουν ἐστι τοῖς διποτὸις τῶν
βασικῶν, αγ πλανῆς τετράγωνοις. (Συμπά-
ροικα.) Εν ἀρχῃ τοῖς ὄρθογωνίοις τετράγωνοις,
τὸ ἀπὸ τῆς τηλίκου ὄρθης γωνίαν ταπεινώσις
πλανῆς τετράγωνον, ἴσουν ἐστι τοῖς ἀπὸ τῶν
τηλίκου ὄρθης περιεχόσιν πλανῆς τετράγω-
νοις. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις μη. Θεώρημα.

ΕΑν τετράγωνον τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλανῆς
τετράγωνον, ἴσουν ἡ τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν
τέτραγωνος δύο πλανῆς τετράγωνοις, ἢ
περιεχομένη γωνία ταῦτα τῶν λοιπῶν του
τετραγώνου δύο πλανῆς ὄρθης εἰσι.

Exθε

qualiū sunt dupla, illa inter se sunt æqualia.
ideoq; parallelogrammon $\epsilon\lambda$, æquale est qua-
drato $\eta\zeta$. Simili ratione quando $\alpha\epsilon$, $\beta\eta$ rectæ
coniunguntur: demonstrabitur quod paralle-
logrammon $\gamma\lambda$ sit æquale quadrato $\theta\gamma$. to-
tum igitur quadratum $\delta\beta\epsilon\gamma$, duobus qua-
dratis $\gamma\beta$, $\theta\gamma$ est æquale. sed $\beta\delta\epsilon\gamma$ quadra-
tum, ex descriptum à latere $\zeta\gamma$, ex quadrato
 $\eta\zeta$, $\theta\gamma$ sunt descripta à lateribus $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$.
Quadratum igitur lateris $\zeta\gamma$, est æquale qua-
dratis laterum $\zeta\alpha$, $\alpha\gamma$. (Conclusio.) In tri-
angulis igitur rectangulis quadratum late-
ris rectura angulum subtendentis, est æqua-
le quadratis laterum rectum angulum conti-
nentium. quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima octava.

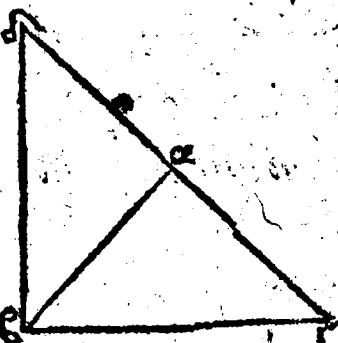
Theorema.

Si quadratum vnius lateris trianguli
fuerit æquale quadratis reliquorum
duorum laterum: erit angulus quem
reliqua illa duo trianguli latera conti-
nent, rectus.

Expli-

146. ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

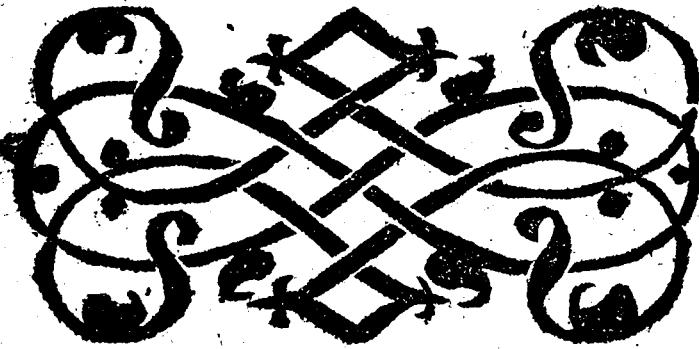
Ειδεστι.) Τεργάντα γὰρ τὸ ἄβγυ, τὸ ἀπὸ
μᾶς τῆς βγων πλευρὰς τετράγωνον, οὐν εἴη
τοῖς ἀπὸ τῶν δαί, αγ πλευρῶν τετράγωνοις
(Διορθοὶς.) Λέγω ὅποις δ
θὴ εἴναι η ὑπό δαγ γω-
νία. (Κατακοινή.) Ηχθω
γδὲ ἀπὸ γα σημείων τῆς αβ
πεδὸς ὥρθας δύθεια, η ἀδ,
χείσισθω τῇ γα, ιοη η ἀδ, ε
καὶ επειδίχθω η δβ. (Απόδεξις.) Καὶ ἐπει-
δη εἴναι η δα, τῇ, αγ, οὐν εἴη, ιοὴ τὸ ἀπὸ
τῆς δα τετράγωνον, τῷ ἀπὸ τῆς αγ τε-
τραγώνῳ. καὶ νὸν περισκείσθω, τὸ ἀπὸ τῆς
αβ τετράγωνον, τὰ ἄρχα δύτο τοῦ δα, αβ
τετράγωνα, οὐν εἴη, τοῖς ἀπὸ τῶν δα, αγ τε-
τραγώνοις. ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν δα.
αβ, οὐν εἴη τὸ ἀπὸ τῆς δβ, ὥρθη γδὲ εἴναι η ὑπὸ^α
δαγ γωνία, τοῖς η ἀπὸ τῶν αβ, αγ, οὐν εἴη
τὸ ἀπὸ τῆς βγ υπόκειται γὰρ. τὸ ἄρχα ἀπὸ^α
τῆς δβ πετράγωνον, οὐν εἴη τῷ ἀπὸ τῆς βγ
τετραγώνῳ. ὡς εἰ ιοὴ πλευρὰ η δβ, τῇ βγ
εἴην ιοη. ιοὴ ἐπειδη εἴναι η ἀδ τῇ αβ, καὶ νὴ δβ
η αγ, δύο δη αἱ δα, αβ, δυσὶ τοῖς δα, αγ οὐν



Explicatio dati.) Sic quadratum lateris
 δy , trianguli $a\beta y$ æquale quadratis lateris
 $\alpha a, ay$. (Explicatio quæsiti.) Dico quod an-
gulus δay sit rectus. (Delinatio.) Ducatur
a puncto a , linea recta $a\delta$, ad angulos rectos
linea recta $a\delta$: et fiat linea ay æqualis recta
linea $a\delta$: deniq; ducatur linea recta $\delta\beta$. (De-
monstratio.) Quoniam recta δa , est æqualis
rectæ $a\gamma$: idcirco et quadratum à recta δa
descriptum, erit æquale, quadrato à recta ay
descripto. Commune addatur quadratum re-
cta $a\delta$. quart quadrata rectarū $\delta a, a\beta$ sunt
æqualia quadratis rectæ $\alpha a, ay$. verum qua-
dratis rectarum $\delta a, a\beta$, æquale est quadra-
tum rectæ $\delta\beta$, quia angulus $\delta a\delta$ est rectus.
quadratis vero rectarum $a\delta, ay$ æquale pro-
ponitur esse quadratū rectæ $\delta\beta$. Quare qua-
dratum rectæ $\delta\beta$, æquale est quadrato rectæ
 δy . unde etiam latus $\delta\beta$ lateri δy est aqua-
le. Quoniam vero latus $a\delta$, est æquale lateri
 $a\delta$, commune vero latus ay : duo latera $\delta a,$
 $a\delta$, duobus lateribus $\beta a, ay$ sunt æqualia, et
basis

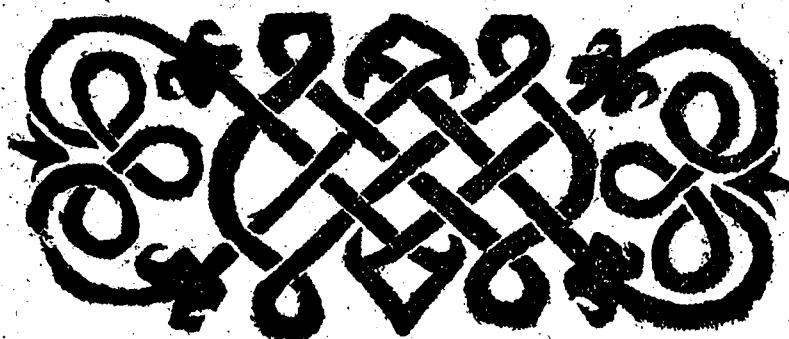
εἰσι, καὶ Βάσις ἡ δέ, Βάσις τῇ Συγένειον. γινία ἀρχαὶ τῶν δέδε, γωνία, τῇ τῶν Σαγ-
έτην ίση. ὅρθη δὲ η ὑπὸ δέδε, ὅρθη ἀρχαὶ η ὑπὸ¹
Σαγ. (Συμπέρασμα.) Εάν ἀρχαὶ τριγώνου τῷ
ἐπόμιᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνου, ίσην εῖναι
τοις ἀπὸ τῆς λοιπῶν τριγώνου πλευρῶν
ὅρθη εῖτιν. οὐδὲ εὖδε δεῖξαι.

ΤΕΛΟΣ.



basis $\delta\beta$, est æqualis basi $\beta\gamma$: idecirco & an-
gulus $\delta\alpha\beta$, angulo $\beta\alpha\gamma$ est æqualis. Verum
angulus $\delta\alpha\beta$ est rectus, quare & angulus
 $\beta\alpha\gamma$ etiam erit rectus. (Conclusio.) Si igitur
quadratum unius lateris trianguli fuerit æ-
quale quadratis reliquorum duorum laterū:
erit angulus quem reliqua duo trianguli
latera continent rectus. Id quod
erat demonstrandum.

FINIS.



Scholia in hoc primum Euclidis elementum, autore Cunrado Dasypodio.

De scientijs Mathematicis.

Mathematicas scientias sic dictas voleant, quod cum alias artes etiam absq[ue] preceptor intelligere, & addiscere possimus: has tamen non nisi instituti, & edocti, imo in illis exercitati percipere queamus: ut à discendo disciplinæ, à mathētis Πτισημου μάθημανq[ue] dicantur. Pythagorici autem mathematicæ nomen, duabus tantum scientijs Arithmeticæ, & Geometriæ imposuerunt: quoniam in his potissimum τὸ Πτισημούμον, & ipsa μάθησι cerni potest. postea tamen nonnulli latius sumpto vocabulo, alias scientias hisce cognatas appellantur mathematicas, Astronomiam, Musicam, & quæ huic sunt generis. Hinc fit, ut mathematica definiatur scientia contemplatione habens rebus, non tantum abstractarum, ut sunt numeri, & figurae,

figuræ: sed & sensibus ipsis subiectarum, utpote cœli, terræ, stellarum, sonorum, tonorum, & quæcunq^z his sunt similia.

Hanc verò vniuersalem mathesin in duas potissimum partes diuidunt: altera enim versatur circa res mēte & ratione perceptas, quæ Græcis nominantur τὰ γονία, & άρθρα, altera verò τῶν αἰδητῶν, rerum sensu subiectarum habet perceptionem: illa Geometriam, & Arithmeticam cōpletebitur: hæc verò in sex est diuisa scientias, Geodæsiam, & Opticam, quæ ex Geometria nascuntur: Logisticam & Canonicam prognatas ex Arithmetica: deniq^z, Mechanicam, & Astronomiam, quas ad utramq^z referri tradunt. Est & alia mathematicæ diuisio, in quatuor partes tantum facta. quoniam pādnois habet perceptionem quantitatis cōtinuæ, vel quantitatis discretæ. Geometria enim, & Astronomia sibi habent subiectas ipsas magnitudines: Geometria quidem eam, quæ est sine motu: Astronomia eam, quæ mouetur. sic etiane

M. mul-

multitudinis & numerorū fit cōtemplatio in
Arithmetica, & Musica: illa enim numeros
per se considerat, eorumq; proprietates inue-
stigat: hæc vero numeros tractat relatos, quos
etiam harmonicos appellant. Itaq; vniuer-
salis quedam mathematica cognitio &
doctrina est statuenda, sub se complectens reli-
quas disciplinas omnes, suaq; principia, & v-
niuersales propositiones omnibus communi-
cans, non quatenus numeris, aut figuris, vel
deniq; motibus illa insunt: sed quatenus eorū
vniuersalis est natura, & talis, quæ singula-
ribus illis disciplinis attribui potest. Sunt au-
tem eiusmodi principia τὸ περὶς, καὶ τὸ ἀπό-
γον, finitum, & infinitum: quia numerus ini-
cipit ab unitate, & in infinitū usq; crescit: is
vero qui sumitur, finitus semper est: sic etiam
magnitudines in infinitum usque diuidi pos-
sunt: cum tamen ea, quæ diuiduntur, sint fi-
nita, & terminata. Propositiones vero ma-
thematicæ communes sunt istæ, in quibus cō-
templamur λέγους, ἀναλογίας, οὐνθέσεως,
diage-

μαθήσος, αναστροφὰς, ἀναλλαγὰς, τὸ ισον,
τὸ αὐλον, id est, rationes, proportiones, compo-
sitiones, divisiones, conuersiones, alternas
permutationes, æquale, & inæquale. deinde
τὸ κάλλος, καὶ τὰς, ipsaq; μεθόδους. præ-
terea ὁμοιότης, καὶ ανομοιότης, similitudo, &
dissimilitudo rerum in figuris, numeris, &
motibus vniuersaliter considerantur. hæc in-
quam omnia, & his similia unaquæq; disci-
plina ad suam accomodat rem subiectam,
eaq; ei inesse proprijs confirmat rationibus.
Præterea Mathematicarum disciplinarum
fastigium & vertex quasi est ipsa ἀποδεικ-
νυν, quia per ipsam hæ scientiæ perficiuntur,
dum definitionibus, divisionibus, demonstra-
tionibus, & quicquid harū rerū est, videntur.

De Geometria, & eius elementis.

Proclus Geometriam sic definit: γεωμε-
τρία ἐστὶ γνῶσικὴ μετέθῶν, καὶ αγμάτων, καὶ
τῶν ἐν τοῖς περόταν: επὶ δὲ καὶ τῶν λό-
γων τῶν ἐν αὐτοῖς, ἐπιθῶν τῶν ὡςὶ αὐτὰ,
καὶ τῶν παντοῖων θεοεων, καὶ κινήσεων. Geo-

metria est scientia, vel cognitio magnitudinum, & figurarum, atq; etiam terminorum quibus illæ clauduntur: quæq; proportiones, & rationes, atq; etiam passiones his accidentes demonstrat: positionum deniq;, & motuum varietates explicat. Hæc scientia duplex est: altera nominatur Geōmetria τῶν ἔχοντων: altera γεωμετρία. Planorum contemplatio tanquam simplicior præcedit, siquidem ex superficierum contemplatione nascitur corporum & solidorum cognitio. in utraq; vero tria (sicuti in omnibus scientijs) considerantur. Primum τὸ οὐκείδην γένος, res ipsa, de qua doctrina est instituta: alterum τὸ καθ' αὐτὸν ἀρχόν, id quod rei per se inest, & τὰ πάθη, rerum affectiones: tertium ἀξιώμata, & αὐτήμata, propositiones, per quas rebus subiectis inesse aliquid demonstratur. illa itaque in Geometria consideranda veniunt: nam vt ex definitione Geometriæ licet videre: subiecta sunt trianguli, quadrata, circuli, sphæra, Cylindri, & vt sunt

matim

matim dicam, figuræ planæ, corpora solida,
deniq; omnes magnitudines immobiles, &
barum termini: quæ verò his per se insunt,
διαρρέοσις, ουσίασις, ἀΦαί, παρεύθολαι, υ-
περοχή, ἔλλειψις, ισότης, καὶ ανισότης, id est,
diuisiones, constitutiones, contactus, applica-
tiones, excessus, defectus, æqualitas, & inæ-
qualitas: cum alijs quibusdam huius generis.
Axiomata, & petitiones, quibus singula re-
bus subiectis demonstrantur inesse: sunt hu-
iusmodi, quæ eidem sunt æqualia, illa inter se
sunt æqualia: item à puncto ad punctum du-
cere lineam rectam. Hæc verò cum latè pa-
reant, & ipsarum rerum subiectarum, atq;
propositionum geometricarum magna, va-
riā sit copia: necesse est, ut delectus habeat-
ur, & intradendo, atq; docendo incipiamus
à simplicioribus, ac principalioribus: ex qui-
bus tanquam notissimis extruamus demon-
strationes rerum in geometria abstrusarum.
quas quidem simpliciores propositiones sol-
licita, earumq; doctrinam σοιχείωσιν Græci

156. SCHOLIA.

nominant. sunt enim *σούχηα*, seu elementa Geometriæ, propositiones simplicissimæ, in quas compositæ resoluuntur, & à quibus tanquam principijs omnes Geometricæ demonstrationes egressæ sunt: tales sunt hæc propositiones Euclidis, quibus Archimedes, Apollonius, & ceteri geometræ tanquam principijs, & notissimis elementis vtuntur: ita tamen hæc prima, & simplicissima Geometriæ principia ab Euclide conscripta sunt, vt nemo sat posset hominis & ingenium, & industriam mirari. quæ enim ab antiquis fuerunt invenita, in optimum rededit ordinem: delectum etiam in tanta copia, & varietate propositionum habuit talem, vt non omnia quæ dici poterant, assumeret: sed ea tantum, quæ elementari institutioni conueniebant. deinde omnes modos, omniaq; genera syllogismorum adhibuit, quæcumq; ab ipsis apodæticis recipiuntur. Præterea vtitur diuisionibus in inueniendis rerum speciebus, item definitionibus in substantiali rerum subiectarum explicatio-

catione, adhæc demonstratione in ijs, quæ à principijs sunt ad quæsita. deniq; resolutione cum à quæsitis ad ipsa principia sit redditus. Taceo de varijs, quibus vtitur conuertendi modis, continuatione, & dispositione singula-
ri ipsorum elementorum: vt vnum absq; alte-
ro videatur esse non posse. Quæ cum ita sint,
meritò omnes studiosi philosophiæ, & bonarū
artium, sibi hæc Euclidis elemēta familiaria
reddere debebant, vt ad altiores capescendas
scientias fierent paratores.

De Propositionibus Geometriæ.

Solent Geometræ duo præcipua proposi-
tionum genera habere: vnum est τῶν δοκιμῶν
principiorum: alterum τῶν μὲν τὰς ἀρχὰς
τεολαστῶν: id est, propositionum, quæ princi-
pia sequuntur, principia ipsa quia per se ma-
nifesta, & simplicia sunt nulla adhibita de-
monstratione primo explicantur loco: subse-
quuntur propositiones demonstratione indi-
gentes, & ex ipsis demandantes principijs: &
nisi hic ordo teneatur, verum permisceantur

omnia, tum et ipsa cognitio perturbatur: quæ natura sunt distincta, coniunguntur. Illud ipsum facit Euclides, et principiorū facta enumeratione, absq; vlla demonstratione transit ad propositiones demonstrabiles. dicit verò ipsa in Ἐποθέσις αὐτήν πατεῖ, οὐδὲν ἀξιώματα η κρίνεται εννοίας. Est autem Ἐπόθεσις, cum aliquis rei propositæ cognitionem nondum habet, quæ per se fidem rei faciat, verum concedit assumenti illud verum esse: eiusmodi sunt ipsæ definitiones Euclidis. Postulatum verò in genere est, cum neq; cognitum quid est, neq; ab audiente concessum, tamen petitur ab alieno, ut assumi concedatur. sicuti cum peto mihi concedi omnes angulos rectos æquales inter se esse. Axioma, vel pronunciatum est quando quid cognitum est. Et tam manifestum, ut per se fidem habeatur. Ut quæ eidem sunt æqualia, illa inter se sunt æqualia: totum maius est sua parte. Geometrae tamen hypotheses vocant etiam ὁρίσεις definitiones rerum subiectarum: ut si definiam lineam

lineam, angulos, figuras, & similia: quo sciatur, quibus de rebus sermo sit institutus. deinde autem, seu postulatum non sic sumunt ut Philosophi: sed postulatum vocant propositionem immediatam, in qua petitur aliquid quod factu est facile, & nulla indiget varia aut prolixa delineatione, ut si dicam, à punto ad punctum ducatur linea recta. Communis denique sententia Geometris dicitur propositione immediata, quae per se manifesta, & cognitum per facilis est, sineulla demonstratione recepta: & communi omnium consensu concessa. Itaque tria ista propositionum genera in eo conueniunt, quod principiorum naturam habeant, ac per se sint manifesta. differunt vero, quod hypothesis fit rerum subiectarum explicatio: postulatum proponit aliquid, quod factu sit facile: axioma rei per se manifesta sit cognitio. Quidam vero petitiones dicunt tantum ad Geometriam spectare: axioma vero ad omnes disciplinas. Alij diuidunt hoc modo ipsas communes sententias, ut quasdam

Geometriæ, nonnullas Arithmeticæ propriæ esse dicant: alias deniq; communes. atq; hæc sint paucis dicta de principijs. Propositiones vero, quæ principia sequuntur, & demonstrari possunt ac debent: aliae sunt ὀρθῶς λόγια, aliae ἔργη μάταια. Problemata dicuntur propositiones, in quibus aliquid nobis ad agendum proponitur: ut quando figurarum ortus & constitutiones, sectiones, subtractiones, additiones, & similia proponuntur. Theorematum autem sunt, in quibus ad contemplandum quiddam proponitur, ut si ea, quæ rebus per se insunt, aut accidunt, consideramus. cuiusmodi dicuntur esse τὰ ναῦτα ἢ τὰ ἀρχοταῖς συμβεβηκότα, vel etiam συμπλώματα, aut deniq; τὰ τράπεζα. Differunt itaq; inter se, sed non aliter quam petitio, & axioma. Euclides utroq; genere vtitur. nam interdum tantum habet problemata, ut in quarto libro, interdū vero solum theorematum, sicuti in quinto: nonnunquam deniq; theorematum problematibus commiscet, ut in reliquis facit libris.

De

De primo Libro.

Proposuit sibi Euclides in hoc primo elemento principia figurarum rectilinearū trahere: nam triangulus & parallelogrammon sunt in figuris rectilineis omnium primæ, & simplicissimæ. Divisit verò librum in partes tres: in prima, post explicationem principiorum, docet quomodo triangulus sit constitutus, quæ sint eius proprietates, cùm quoad angulos, tum etiam latera: præterea eosdem comparat inter se, & vnumquodq_z accidens per se considerat: in altera de lineis æquidistantibus, & parallelogrammis doctrinam instituit, demonstrans quæ eis per se insint, & quomodo ipsa fiant parallelogramma. in postrema, parallelogramma & triangulos inter se confert, primum seorsim, deinde coniunctim. Atq_z hæc breuiter sint dicta, & explicata de vniuersali illa rerum mathematicarum & Geometriæ cognitione: nunc subiungamus perbreues locorum difficiliorum expositiones, & si quid forsitan occurret, quod latius sit explicandum, & ad vniuersam Geometriæ

metriam spectare videbitur, id fusiū exponemus. cuiusmodi est ille locus ὡς ἐπορθαὶ, οὐσίας ἀπαγωγῆς, εἰς τοὺς, quae
bis similia.

Σημεῖον.) Alij sic definiunt: οὐ μεῖον εἶ τι μονὰς Γέοντι ἔχοντα, punctum est unitas quæ positionem habet. solum punctum in Geometria diuidi non potest: sicut in Arithmeticā unitas non admittit diuisionem. sunt enim universi, eiusdemq; naturæ: quum duarum scientiarum omnium prima, & simplicissima sint principia: differunt tamen in eo, quod punctum dari & ponī possit: unitas vero puncto simplicior existens non ponatur: cum ab omni interuallo, omniq; materia, ac loco sit abstracta. Utitur autem definitione negativa, quoniam negationes maximè conueniunt principijs.

Γεγμὴν.) Principium omnium magnitudinum sola negatione definiuit: lineam vero nunc describit affirmando, & negando: quia affirmatione excedit naturam punti, & minus est simplex puncto, cum sit longitudo diuisionem admittens: negatione vero est principio

principium respectu superficiei, & corporis.
sunt enim tres dimensiones: longitudinis quæ
attribuitur linea, longitudinis & latitudi-
nis simul, quæ ad superficiem refertur: deniq;
longitudinis & latitudinis, atq; profundita-
tis coniunctim in corpore. cum itaq; in defi-
nitione ponit auctoratès latitudine carens:
vñà cum latitudine adimit quoq; profundia-
tatem, atq; eam ob causam non addidit $\pi\gamma\delta$
 $\alpha\gamma\theta\epsilon\varsigma$, cum superfluum esset. Alij sic defini-
unt lineam: $\chi\alpha\mu\mu\eta\epsilon\varsigma$: pùbris tñ opueis, id
est, linea sit ex fluxu puncti: nonnulli $\chi\alpha\mu\mu$ -
 $\mu\lambda\omega\mu\epsilon\gamma\theta\Theta$ $\psi\Phi'$ ev $\Delta\lambda\gamma\sigma\alpha\tau\circ\sigma$ nominant,
magnitudinem vno contentam intervallo.
Euclidis tamen definitio perfectione est, essen-
tiā & substantiam linea explicans. Possu-
mus autem lineam hoc modo cognoscere, si
longitudines parietum, aut itinerum spatiū
dimetiamur, quia tum neq; latitudinem, ne-
que crassitatem subiungimus, sed vnicam con-
sideramus distantiam, sicuti cum metimus
prata, & campos, videmus ipsam tantum su-
perfi-

perficiem, id est, longitudinem & latitudinem tantum eius loci, vel agri. Cum vero puteos, tuus est solidum, quia omnes distantiae, omniaque interualla ibi coniunguntur: dicimus enim longitudinis, latitudinis, profunditatis ipsius putei, tantum vel tantum esse spatium, melius tamen cognoscemus lineam, quando obseruamus quomodo lucidum ab obscuro, illuminatum ab obumbrato distinguatur.

Eubœia.) Duæ simplicissimæ, ac præcipua linearum species sunt, recta & circularis: reliquæ omnes sunt mixtæ: & vel in superficiebus planis, vel in corporibus solidis considerantur. Plato lineam rectam definit sic: Εὐθεῖα γραμμὴ ἔστι, ἡς τὰ μέσα τοῖς ἀκροῖς διπλωματεῖ: cuius media obumbrant extrema: quod licet videre in Eclipsi Solis, quando in una linea recta sunt Sol, Luna, & oculus noster, Luna media inter nos & Solem existente. Archimedes definit lineam rectam sic: Εὐθεῖα γραμμὴ ἔστιν ἐλαχίση τῶν τὰ αὐτὰ περιτταὶ ἐχόστων γραμμῶν, est breuissima earum.

rum linearum, quæ eosdem habent terminos.
atq; hæc definitio explicat Euclideam, et vi-
cissim illa declarat hanc.

ἘπίΦανεία.) Post punctum & lineam se-
quitur superficies, quæ dupli interuallo di-
stat longitudine, & latitudine : caret verò
crassitudine: atq; eam ob causam addidit par-
ticulam mórov.

ἘπίΦανίας δέ.) sicut corpus solidum clau-
ditur, & terminatur superficie, sic & superfi-
cies linea finitur, & linea punto, quod quidē
est omnium magnitudinū communis, & sim-
plicissimus, atq; externus terminus.

Ἐπίπεδος ὁ Φάνδας.) Omnis superfi-
cies vel est plana, vel circularis, & sphærica.
Unam igitur geometra delegit, eamq; definit,
nempe planam. possunt ei etiam congruere
definitiones linea rectæ supra positæ: in hac
autem plana superficie nos tanquam in ali-
quo subiecto contemplamur figuræ, & figu-
rarum affectiones. nam in plana superficie
nos ducimus lineas rectas, circulares, & figu-
ras

ras omnis generis: item linearum, circulorum
& figurarum sectiones, contactus, applicatio-
nes angulorum, constitutiones, & quicquid
harum est rerum: sed planam superficiem id
circo elegit, quoniam in alijs superficiebus ista
omnia non possunt ita intelligi aut descri-
bi, quemadmodum in plana. Vocat itaq; hic
planum id, quod nobis ante oculos est pos-
tum, & in quo mente atq; cogitatione omnia
describimus, & delineamus, atq; firmis ratio-
nibus confirmamus.

Επίπεδον γανία.) Genus definitionis est
υλίσις, inclinatio: locus autem in quo descri-
bitur angulus, est τὸ Περίπεδον, planum ip-
sum: ortus verò eius est, quod ad minimum
duæ debet esse lineæ rectæ: sicuti in solido an-
gulo lineæ tres: deinde illæ duæ linea rectæ
debent se se mutuo tangere, neq; sitæ esse in di-
recto, illud enim est εἰς ἀθείας, quando duæ
lineæ rectæ ita collocatæ sunt, ut protractis
iftis lineis rectis, & concurrentibus una ex
duabus fiat linea recta.

Ottav.

Oλαύδε.) Enumerat species substantiales anguli rectilinei. definitionibus acuti & obtusii anguli est addendum genus, quod scilicet uterque sit rectilineus, alter maior recto, alter vero recto minor. Verum non absolute illud est sumendum, quod omnis angulus recto minor sit acutus, quia sunt anguli nonnulli etiam non rectilinei, & tamen non acuti: sicut neque illud simpliciter sumitur, quod obtusus sit recto maior, & idcirco omnes recto angulo maiores sunt obtusii, quoniam sunt anguli recto maiores, qui non sunt obtusii.

Σταθεῖσα.) Rectam super recta constituit in definitione anguli recti, non autem in anguli obtusi aut acuti descriptione: quia angulus rectus est angulorum non rectorum mensura: sicuti aequalitas est regula & norma in aequalitatis.

ἀλλήλων.) Possunt enim aequales esse, sed si inter se aequales sint, necesse est ut sint recti.

ΕΦεζης.) Indicat causam rectitudinis, quia si anguli contigui inter se sunt aequales,

N rectus

rectus erit uterque illorum aequalium angularium: nam stans illa recta in neutrum inclinat partem, et idcirco causa est non aequalitatis tantum, sed et rectitudinis. Traditur vero hic de angulis, qui sunt in uno eodemque piano, scuti et perpendicularis non quaelibet hic definitur, sed illa tantum, qua in uno, eodemque estque piano.

Κύκλον.) Prima simplicissima, atque perfectissima figura plana est circulus, ut in corporibus solidis sphæra.

Σχῆμα.) quia uno comprehenditur termino. αὐτὸν enim sunt enim infinita in circulo puncta, quorum omnium unum tantum centri nomen et naturam retinet. Εὐτός.) ad differentiam eius puncti, quod extra circulum sumitur, et polus dicitur: omnia enim in uno sunt plano. idcirco etiam statim definitionem illius puncti subiungit, ut sciamus non polum, sed centrum intelligi.

Διάφερεν.) Circulo propriè conuenientiam αὐτῷ vel axis est ipsius sphæra, Διάγωνος.

¶ verò figurarum quadrilaterarum.

τημικύκλιον.) Semicirculum inquit circuli diametro & circumferentia comprehendi propter τημικά segmenta circulorum, quorum alterum μείζων maius, alterum ελαττον minus dicitur.

Eὐθύγραμμα.) à figura quæ uno termino ad eam quæ duobus comprehenditur, est progressus: nunc ad alias pergit explicandas: idq; iuxta ordinem numerorū, binarium, & ternarium, & ita deinceps, quamvis ultra quadrilateras figuræ, quæ in elementis locum habent, non progreditur specialiter: verum sub uno vocabulo comprehendit: & eas nominat τὰ πολύτολεα, multi lateras figuræ. Omnis igitur figura rectilinea, vel est trilatera: vel quadrilatera, vel gradatim multilatera: sed non è contra omnis trilatera, quadrilatera, aut multilatera est rectilinea.

Tetradēcim. Triangulorum duplex est diuisio: una per se manifesta, & cognita sumpta ab ipsis lateribus: altera quæ eam subse-

N 2 qui-

quitur est propria ab ipsis angulis facta.

Tetragonalē (γεων.) Præcipua diuīsio quadrilaterarum figurarum hæc est: aliæ dicuntur parallelogramma, aliæ nō parallelogramma: quæ verò parallelogramma dicuntur: aliæ rectangula, & æquilatera sunt, ut τετραγώνον quadratum: aliæ verò horum neutrū habent, ut τὸ πομπόδες, Rhombi speciem habens. nonnulla verò sunt quidem rectangula, sed non æquilatera, ut τὸ ἑτερομηνεῖ parallelogrammon altera parte longius: deinceps sunt parallelogramma, quæ æquilatera quidem, sed non rectangula sunt, ut est πόμπος, Rhombus. Figuræ verò quadrilateris, quæ non sunt parallelogramma, aut duo tantum habent parallela lata, & sunt τετραγία, trapezia: aut nulla prorsus parallela lata, & nominantur τετραγοιδη, speciem trapezij habentia. Verum Euclides hanc diuīsionem facere non potuit, cum de parallelis lineis aut figuris hisce lineis contentis nulla sit facta mentio: idcirco simpliciorem illam facit

facit diuisionem τετραπλόσιων.

Kai τῶν οὐθαί.) Quidam iuxta Peripateticos volunt hanc propositionem esse αὐτην, petitionem: alij vero & melius ἀξιωμα pronunciatum. Cum nunc paucis absoluimus principia: restant propositiones demonstrabiles. omnis enim scientia vel versatur in principiorum explicatione, quas sineulla demonstratione adhibita recipit: vel in doctrina propositionum earum, quae ex ipsis demandant principijs: & per ea demonstrantur: quare & nos illas aggrediamur.

Departibus problematis, atq Theorematiſ.

Propositiones quae demonstrationem admittunt, suprà duplices constituumus esse: vel enim sunt τετράγωνα, problemata: in quibus ea, quae quodammodo nondum existunt comparare, & constituere proponitur: vel τετράγωνα, theorematata, in quibus id quod iam constitutum est, & in rerum natura existit, cognoscere, & perspicere statuimus. Geo-

metria enim, ut & aliae scientiae, haber omnes
quatuor quæstiones: an sit, quid sit, quale sit,
& quare sit: de quibus quidem omnibus ser-
monem instituit ipsa Geometria, ut apud Eu-
clidem videbimus. Omne verò problema, o-
mneque theorema, quod suis perfectum, &
solutum est partibus, hæc in se habet: περίσ-
τιν, ἐνθεσιν, διορισμὸν, κατασκευὴν, ἀπόδει-
ξιν, καὶ οὐμωέρασμα, id est, propositionem,
in qua est δὲ δομένον, datur, & γῆγερων
quæsitum: deinde explicationem dati: tertio
explicationem quæsti: quarto delineationē:
quinto demonstrationem: sexto & postremo
conclusionem totius. Nam in propositione
quid de re subiecta, vel ipso dato queratur,
proponitur. perfecta enim proposiō, &
datur, & quæsitum habet, quamvis nonnulla
sint, quæ altero careant: postea ἐνθεσις ipsum
datum per seū cōsiderat, & ipso quæsito quasi
præparat & struit viam. διορισμὸς scorsim
proponit quid de subiecto queratur. Delinea-
tio verò solet ea addere, quæ ad inuestigatio-
nem

nem quæsiti pertinent: ipsa autem demonstratio adhibitis certis atq; firmis, priusq; concessis & affirmatis rationibus id de subiecto dici, quod proponitur, confirmat. tandem facta ipsa demonstratione, conclusio redit ad ipsam propositionem, eamq; confirmatam, & demonstratam iam esse colligit: solet verò interdum duplex esse, una specialis in ipsa delineatione, & demonstratione facta: altera generalis, quæ totam confirmationem propositionis datæ colligit vniuersaliter.

Ex his vniuscuiusq; problematis, aut theorematis partib. maximè necessariæ sunt istæ tres: Propositio, demonstratio, & conclusio: reliquæ interdum adhibentur, & id ut plurimum, interdū non adhibentur, vt in Arithmeticis fit, & in decimo Euclidis libro.

Πρὸς τὴν δοθείσα.) Sunt quædam in Geometria, quæ nobis solent in medio demonstrationis cursu occurrere: qualis etiam in hac propositione est πλῶσις, casus. dicitur autem casus nihil aliud esse, quam delineationis

N 4 transpo-

transpositio, que fit propter diuersas positiones. ab hoc casu quædam propositiones dicuntur Gracis ἀπόλωτα προβλήματα, problema-
ta quæ carēt casu, quando una tantum est po-
sitio, & delineatio, siquidem casus respiciunt
ipsam delineationem: quædam verò nomi-
nantur πολύπλοκα, problemata multos casus
habentia, in quibus aliter atq; aliter fieri pos-
sunt delineationes. Hoc itaq; secundum pro-
blema multos habet casus, varias etiam deli-
neationes. nam cum punctum detur positio-
ne, illa fieri potest varijs modis: vel enim po-
nitur extra datam lineam rectam, vel in ipsa
linea recta, & si in ipsa, aut erit alterū extre-
morū, aut inter ipsa extrema: & si extra ip-
sam, aut à latere, ita ut recta protracta à
puncto ad datam lineam rectam, angulum fa-
ciat, aut è directo. Euclides sumpfit casum
difficiliorem, & punctum extra lineam re-
ctam datam à latere eius ponit.

Δοθέσθη οὐθεία.) Omne datum vel datur
dīcōd, positione, vel λόγῳ, ratione, vel μεγέθῃ,
magni-

magnitudine, vel cōdēi, specie. positione tan-
tum datur ipsum punc̄tum, linea verò, & re-
liqua Geometriæ subiecta omnib⁹ modis. hoc
tamen in loco linea recta datur cōdēi specie,
est enim linea recta & Idem positione.

Δύο δοθειτῶν.) In hac propositione lineæ
dantur magnitudine: ipsa delineatio multos
habet casus, nam aut distat inter se, vt apud
Euclidem, aut in uno punc̄to coniunguntur,
aut se se mutuo secant: aut altera alteram in
extremo alterius punc̄to tantum secat: & vel
maior minorem, vel minor maiorem, & qui-
cunq; eiusmodi fieri possunt casus. verunta-
men ad omnes huiusmodi casus Euclidis de-
monstratio se accommodat.

Εὰν δύο τριγώνα.) Prius docuit trianguli
constitutionem, quām ea explicaret, quæ per
se triangulis accidunt: præterea duabus pro-
positionibus ostēdit viam & methodum, qua
lineæ rectæ facienda sit alia recta æqualis.
altera quidem non existentem facit per σύ-
σεις, constitutionem, & Idem positionem æ-

qualem. altera verò per à Φάγεον, ablaciō
nē, idq; fecit ut latera laterib; posset æqualia
proponere. dantur in hac propositione duo,
æqualitas laterum duorum, & angulus an-
gulo æqualis: idq; datum ratione dari dicitur:
quæruntur tria, basis basi, triangulus trian-
gulo æqualis: reliqui denique anguli reliquis
angulis æquales.

Ενάπεραν ἔκατέρα.) quia aliâs Theorema
verum non esset, idcirco nō simpliciter inquit
latus lateri æquale, sed alterum alteri. pos-
sunt enim duo latera simul iuncta duobus si-
mul iunctis esse æqualia: sed non idcirco tri-
angulus esset triangulo æqualis.

Τπὸ τῶν ἰσων.) hoc addidit ne sumere-
mus basin, nam in triangulis duo latera di-
cuntur angulum aliquem comprehendere πε-
ρέχειν, tertium verò πολεῖν subtendere:
nam latera quæ angulis opponuntur è regio-
ne, sunt πολεῖν πλεῖα, latera subten-
dentia, & interdum βάσes bases dicuntur,
quod tanquam fundamento figura ipsa ho-
nitatur latere.

Τείγων.) Intelligit aream ipsam triangularem, seu spatum ipsum, quod à trianguli lateribus intercipitur.

Demonstratio tota facta ex his duabus propositionibus, quæ inter se applicata conueniunt: æqualia erunt: & vicissim. Quæ inter se sunt æqualia: si applicentur, conuenient etiam inter se.

Τῶν ισοσκελῶν.) Theorematα apud Geometras magnam habent varietatem. alia enim sunt ἀπλᾶ, simplicia, in quibus unum est datum, & unum quæsumum: quorum & data, & quæsita diuidi & sciungi non possunt.

Vt si dicat Euclides, omnis triangulus æquicrurus, habet angulos ad basin æquales. alia composita συνδεται, quæ ex pluribus vel datis, vel quæsitis constant: vt data sint plura, & unum quæsumum: vel plura quæsita, & unum datum, vel deniq; plura data, & plura quæsita composita sunt duplia: quedam dicuntur συμπεπλεγμένα, quæ possunt in alia

alia simplicia theorematata diuidi: ut cum dicto trianguli, & parallelogramma sub eadem altitudine existentia: eam habent rationem, quam basis ad basim. de utroq; enim, & triangulo, & parallelogrammo seorsim eadem dici possunt. Quædam verò ἀσύμπλεκτα, quæ cum sint composita, in simplicia tamen theorematata diuidi non possunt: quale est præcedens theorema quartum. Est & alia diuisio theorematum, de qua alibi. Hoc theorema ex utraq; parte, dati nempe, & quæsiti compositum est, idcirco etiam distinxit quæ data sunt & quæ quæsita.

Ἐὰν τειγώντες.) In hac propositione duo nobis occurunt explicanda: primum est αἰδεῖροφη τῶν περιάσεων: alterum ἀπαγωγὴ εἰς τὸ ἀδιώατον. Est autem ἀνατείροφη τῶν περιάσεων, quando ex dato alicuius propositionis, fit quæsitus: & ex quæsito datum. ut triangulus equicrurus, id est, habens duo aequalia latera: etiam angulos ad basim habet

equa-

aequales, per àvavsgoΦlu conuerzionem sic.
 Triangulus qui angulos ad basim habet æ-
 quales, etiam est equicrurus, id est, duo habet
 aequalia latera: nam propositio quinta hic cō-
 uertitur iam dicto modo. Est etiam alia con-
 uersionis ratio in propositionibus compositis
 obseruata, quæ fit permutatione partium, et se
 non omnium, tamē aliquarum: ut fit in octa-
 ua propositione: quæ cōuertitur cum quarta.
 Quare notemus hic esse duo genera proposi-
 tionum: unum est τῶν ὡργηγμένων, quādo
 id quod natura subiectum est, datur: quodūc
 illi per se inest, queritur de eodem: alterum
 τῶν αὐτισpoΦῶν, cum ē cōtrario σύμπλωμα
 seu accidens quoddam datur: et id, cui hoc ac-
 cedit, in quæstionem adhibetur, vt in his duo-
 bus licet videre propositionibus, quinta, &
 sexta. Proximum es̄, vt dicamus de àvav-
 gavñ eis τὸ ἀδυώατον, de reductione ad im-
 possible. sciendum itaq; es̄, quòd omnis de-
 mōstratio mathematica, vel fit δπο τῶν αἰ-
 χῶν, quæ ab ipsis principijs ad ea, que ex his
 dema-

demanant, progreditur: vel ὅτι τὰς δέξασ-
dum à re proposita regressus fit ad principia.
vtraq; verò est duplex: illa enim vel ex prin-
cipijs rem propositam confirmat, vel ex re-
bus antea affirmatis, & concessis: hæc autem
vel est ἀληθή, & nominatur ἀνάλυσις, cui op-
ponitur σύγκρισις: vel αὐτοπείλη, & dicitur
ἀπαγωγὴ εἰς τὸ ἀδυώλον. est autem redu-
ctio ad impossibile, quando in aliquid mani-
festum absurdum, & impossibile desinimus:
& cuius contrarium omnes fatentur esse ve-
rum: eam quoq; faciunt bifariam: vel enim
nos deducit ad ea, quæ principijs, ipsisq; axio-
matibus manifestè repugnant, vt si quis sua
argumentatione èò denierat, totum esse &
quale parti: vel ad id, quod demonstratis, &
affirmatis è direcōto opponitur: sicuti facit in
demonstracione propositionis octauæ. fit igi-
tur reductio ad impossibile, cum id quod qua-
sito repugnat, accipimus pro vero, & ita pro-
grediendo tandem in manifestum absurdum
incidimus: quo deniq; sublato, id confirmar-
mūs,

mus, quod ab initio erat propositum, verum esse. Hac demonstrandi forma syllogismis vritur hypotheticis, quemadmodum in directis demonstrationibus utimur categoricis. Hoc in loco Euclides conuersione est usus in propositionis partibus: deductione vero in ipsa delineatione, ac demonstratione.

Επί τῆς αὐτῆς.) in Geometria, & Arithmetica, ut plurimum sunt propositiones universales affirmatiæ: verum Euclides hic posuit negatiuam, sed omnibus additamentis ita eam muniuit, & tam certam, atq; indubitatam reddidit, ut minime conuinci possit. quamuis non magnum in Geometria usum habeat: tamen præcipue posita est ad confirmandam octauam propositionem.

Τέλος θεοραv.) Angulus hic datur specie tantum: potest enim omnibus quatuor modis dari, nempe positione, cum ad certum quoddam punctum constituitur: forma deinde, ut si ponatur esse rectilineus: ratione vero, quando duplum triplumque statuo: deniq; magnitudine,

dine, si dicam eam esse tertiam recti partem.

(Πεπερασμένω.) Omnis enim linea recta aut est finita ex utraq₂ parte, aut ex altera tantum finita, et ex altera infinita: aut deniq₂ ex utraq₂ parte infinita.

Kádējov Léicav.) κάθετη perpendicularis etiam dicitur γυάμων, & eandem habet naturam cum ea, quæ nominatur ἡ περιόδης γωνίας. est autem duplex: una plana, altera solida. plana perpendicularis est, quando à punto aliquo ad lineam rectam in eodem plane existentem alia linea recta ducitur, vt anguli contigui sint æquales, quam in hoc loco antea ducere præcipit. solida, quæ in Stereometria consideratur, dicitur quando punctum in alio fuerit plane, & non ad rectam, sed ad aliud planum ducitur linea quedam ad angulos rectos. differunt igitur inter se, quia perpendicularis est in eodem plane, & ducitur ad lineam rectam: solida vero non in uno eodemq₂ plane, nec etiam ad rectam, verum ad planum ducitur: deniq₂ in solida id considerantur.

derandum, quod ad omnes quae in eo sunt plano rectas, non ad unam tantum, ut plana, debet esse perpendicularis.

Andegov.) quae pro nostro sumitur arbitrio satis longa vel breuis, longior vel brevior, ut visum fuerit necessarium esse ad rei demonstrationem.

Kata κρουφλω.) Differunt anguli εΦε-
ξης, & anguli ιτη κρουφλω, quod anguli εΦε-
ξης contigui sunt per lineam, quae alteram
non secat: sed anguli ιατη κρουφλω per line-
as duas sese secantes, sic dicti sunt, quod ver-
tices in uno coniungant puncto.

Ex δη τ8τu.) Locus hic expostulat ut aliud dicamus de corollario. in elementis igitur πορίσματα, seu corollaria sunt propositiones, quae dum alias demonstrantur, simul appearant, & manifestae sunt, nobis etiam querentibus, aut inuestigantibus eas. quale est hoc præsens πορίσμα. dum enim proponitur, quod duabus lineis rectis sese secantibus, anguli ad verticem sint inter se æquales, &

O firmis

firmis demōstratur rationib^o, in ipsa occurrit nobis demōstratione quatuor illos angulos esse æquales quatuor rectis. Itaq^z lucrificimus per ipsam hanc propositionē, hoc τῷ εὐρυτάτῳ tripliciter verò diuidūtur: primū enim omne corollarium vel est Geometricum, vel Arithmeticum, vel alterius scientiæ, ut iam dictū, proprium est Geometriæ. In septimo vero Euclidis libro, propositione secunda, est Arithmeticum. deinde quædam corollaria sequuntur ipsa problemata: quædam verò theorematata: nam in hoc loco theorematis corollarium habemus: verum in libro secundo problematis. tertio alia corollaria sunt demonstrationis directæ, alia vero indirectæ, sicuti hoc præsens porisma natum est ex demonstratione directa: sed in propositione prima libri tertij facta demonstratione per reductionem ad impossibile, nascitur corollarium. possunt & alia porismatum discrimina tradi, nobis tamen hæc monstrasse satis est.

Ex̄ ὁ γεωμ.^o) In definitionibus mentionem

nem fecit diuisionis angulorum substancialis: nunc alia est facienda eorum diuisio per accidentem. omnis angulus vel est $\acute{c}v\circ s$, vel $\grave{c}n\circ s$. id est, omnis angulus vel est intra ipsam figuram, vel extra eam. deinde anguli quidam sunt $\acute{\phi}\acute{e}\acute{x}\acute{\eta}s$, quidam $\grave{a}r\grave{t}\acute{o}$ $\acute{c}v\acute{a}\acute{s}\acute{i}\acute{o}v$, id est, contigui, aut oppositi. in triangulis igitur saceres habet, quando aliquod trianguli latus extenditur: nascitur angulus qui ad ipsam trianguli substantiam non pertinet, & cum extra figuram existat: nominatur externus. Verum ex illis tribus, qui ad triangulum pertinent: unus qui ei est proximus, nominatur contiguus, reliqui vero duo oppositi, respectu eius, qui extra triangulum est.

(Πάντη μεταλλαγμένοιδια.) Est Geometriephysis, qua utimur, dum volumus ostendere, quovis modo sumi vel latera, vel aliquod aliud Geometriæ subiectū, aut accidentes per se.

Explicauit Euclides quæcumq; in primis illis elementis poterant dici, de triangulorum constitutione, æqualitate, aut inæqualitate

O 2 eorum.

corundem, aut etiam laterum, & angulorum
nunc pergit de quadrilateris figuris enarrar-
re ea, quæ ad eorum contemplationem ele-
mentarem pertinet. Cum vero ex lineis aequali-
distantibus fiant eiusmodi figuræ: prius earum
proprietates docet, & parallelogramma con-
stituit: postea persequitur doctrinam de figu-
ris quadrilateris, seu parallelogrammis. est
autem παραλληλόγραμμον figura quæ cir-
cumscribitur lineis rectis aequidistantibus,
atq; oppositis inter se.

Tria itaq; in lineis parallelis sunt consi-
deranda, quæ eis per se insunt, & ita attribu-
uncur, vt inde cognoscere possimus lineas re-
ctas esse aequidistantes. Primum est, vt angu-
li εντατοὶ alterni (qui sunt per lineam re-
ctam in alias duas rectas incidentem) sint in-
ter se aequales. Alterum, recta linea inciden-
te in duas alias rectas, si anguli interni fuer-
int duobus rectis aequales, tū propositæ dua
rectæ sunt aequidistantes. Postremum, Recta
linea secante alias duas rectas, si externus
angu-

*angulus, angulo interno sibi opposito ex ea-
dem parte, fuerit aequalis, iterum erunt illæ
rectæ aequidistantes.*

*in eis rās.) Hoc Theorema conuertitur
cum ambobus præcedentibus. in demonstra-
tione vtitur propositione, quæ inter princi-
pia est relata, sed principium non est.*

*Παντὸς τειγών.) Ea quæ decima sexta,
& decima septima propositione erant omissa,
in hac præsenti addit, & quanto minores sint,
explicat, nempe tertio, & buius propositionis
maxima est utilitas.*

*Alii rās iōas.) Hæc propositio finit doctri-
nam linearum aequidistantium, & principit pa-
rallelogrammorum traditionem.*

*Τῶν παραλληλογράμμων.) Postquam
constituit parallelogrammon, inuestigat tria
quæ parallelogrammis per se insunt. Primum
latera opposita esse aequalia. Secundum, an-
gulos oppositos esse aequales. Tertium, dia-
metrum per medium ipsam secare figuram.
Ita fit, ut à lateribus ab angulis, & ab ipsis*

areis proprietates inquirat parallelogram
morum.

Παρὰ τοὺς ὀρθοῖον.) Tria sunt apud Ge
ometras vocabula: παραγόλη, ἵστερβολὴ,
ἔλλειψις. cum enim figura applicatur ad
lineam rectam, ut neq; excedat, neq; deficit,
est cum παραγόλη applicatio. quando ve
rò excedit ἵστερβολὴ, cum deficit ἔλλειψις,
atq; in Conicis figuris maximè consideran
tur ista.

Ἄπο τῆς.) Videtur Euclides voluisse pra
stantiores figuras rectilineas describere, in
triangulis, eum quem æquilaterum nomina
mus: in quadrilateris figuris ipsum quadratum.

Αὐτογάρακ.) Utitur hoc verbo, quoniam
ab uno latere describitur: ουσίασται vero
est, cum ex multis constituitur.

Ἐν τοῖς ὄρθογωνίοις.) In hoc, & sequenti
theoremate utitur λήμματι, id est, assum
ptius propositionibus, utpote: Quæ ab æqua
libus rectis lineis descripta sunt quadrata, il
la sunt æqualia inter se. item æqualium qua
dratorum æqualia sunt latera.

Inqui-

In quibusdam etiam propositionibus veretur alii; & appuunt, assumptionibus, quas hic subiungam.

I. Si prima magnitudo fuerit aequalis magnitudini secundæ, & secunda maior sit tertia: erit etiam prima maior quam tertia.

II. Si prima magnitudo fuerit maior secunda, & secunda sit aequalis tertiae: erit etiam prima maior quam tertia.

III. Si prima magnitudo fuerit maior quam secunda: et secunda maior sit quam ter-
tia: erit etiam prima longè maior quam
tertia. Sunt & alia huius ge-
neris, de quibus aliâs.

FINIS.

Errata.

Pag. 1. linea 19. rectam, lege recta. pag. 2.
2. τὸν ἀπόστολον, lege τῶν. pag. 4. 12. τῶν πλευ-
ρῶν, lege τῶν τριπλευρῶν. pag. 5. 2. quadri-
lateræ vero, lege quadrilateræ vero quas qua-
tuor, multilateræ deniq; quas. Reliqua si quæ
sunt, quiuis facile emendare poterit.