

Notes du mont Royal



www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΤΩΝ ΠΕΝΤΕ ΚΑΙ ΔΕΚΑ ΣΤΟΛ
ΧΕΩΝ, ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΘΕΩΝΟΣ

σωστῶν τὸ πεῖσμα.

Col. Corali. 1v. Græc. - 58

EVCLIDIS QVINDE

cim Elementorum Geometriæ

primum: ex Theonis Commen-

tarijs Græcc, & Latinè.

Plures Mathematici P. I. Prague

C. s. Cui accesserunt (lesse)

Scholia, in quibus quæ

ad percipienda Geometriæ

menta spectant, breuiter & diluci-

plicantur, authore Cunrado

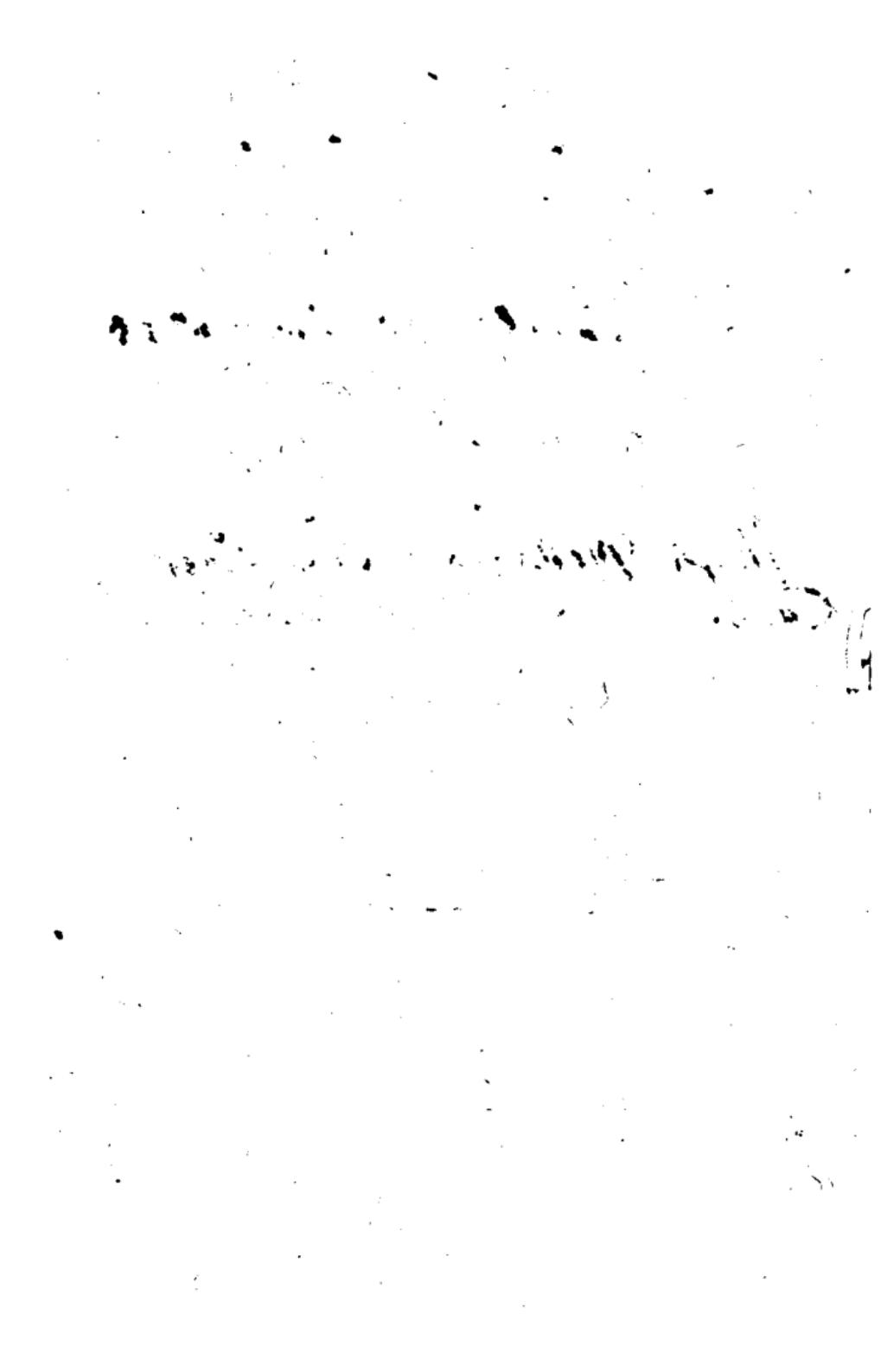
Syphodio, Scholæ Argenti-
nensis professore.



ARGENTORATI EXCV

debat Christianus Mylius,

M. D. LXIII.



CVN R A D V S
D A S Y P O D I V S
LECTORI S. D.

ANNIS viginti sex nostri
Gymnasij cōsuetudo tu-
it; vt qui ex classib[us] ad
publicas lectiones pro-
mouentur, p[ri]mum audiant Euclidis
librum: quō praecepta r[ati]o[n]is d[icitu]r ei[us] et
exercere, & ad usum aliquem accom-
modare possint: quidem nemo faci-
luis xim, & efficaciam eorum, quae in
libro de demonstratione explicantur:
aut etiam ab ipso Aristotele in suo or-
gano traduntur, intelliget: quam qui
in puluerem descenderit Geometricū.
Idcirco in nostra schola prudēter hoc
est institutum: vt post linguarum &
artium cognitionem, in disciplinis Ma-
thematicis adolescentes exerceantur:
præsertim verò hoc probandum, &
laudandum, quod in ipso disciplinarū
vestibulo, cognitionem rerum Geo-

A 2 metris

PRAEFATIO.

metricarum sibi comparent, & in ijs
quæ certissimis nituntur rationibus,
sua exacuant ingenia: ut affuescant eò
facilius naturæ & cæterarum artium,
atq; disciplinarum abstrusiora com-
prehendere. Nam & Pythagoricorū
hoc quoq; fuit γεωμετρία, καὶ βημα: quo di-
cto volebant significare, pueros esse
quam primum deducendos ad Geo-
metriæ cognitionem, & ita gradatim
per mathematicas disciplinas ad altio-
ra ascendendum. sicutj & Plato nem-
^{nullly Geometria}
^{egiānq; t̄ḡr̄k̄b̄ σείτω.}nem aptum & idoneum iudicauit ad
percipienda Philosophiæ præcepta:
nisi instructus esset rebus Geometri-
cis, cum diceret: εδεις ἀγεωμέτρητος εἰ-
ταρτω. Itaq; cum hanc studiorum ratio-
nem omnibus eruditis, etiam antiquissimis
Philosophis probari viderem,
tanquam studiosis adolescentibus utilem,
& valdè necessariam: fui & ego
quocq; nostro Typographo author, &
sua sor, vt cum nulla amplius extarent
exem-

Ratio facti.

PRAEFATIO.

exemplaria, hunc libellum imprime-
re: ne bona, & fructuosa scholē nostrę
constitutio intercideret, quoniam ve-
rō plerosq; audiebam de difficultate
demonstrationum Geometricarū, so-
lere conqueri, meis quibuscunq; illu-
strare volui scholijs. Idq; eo feci consi-
lio, nō vt egregij & magni quid cogi-
tarem edere. Sciebam enim rem esse
paruam, necq; yllijs ingenij aut indu-
striæ ex Proclo, aut alijs decerpere ea
quæ propriè ad hanc tractationē per-
tinent: sed vt in aſſequendis hisce disci-
plinis, bonos adolescentes Geometrię
imperitos aliquantulum mea iuuarem
opera. Nam Geometrię elementa nu-
da, atq; sterilia videtur, & prima fron-
te nullum peculiarē præ se ferunt fru-
ctum: sed si aditus ad ea percipienda
præparetur, aut si quis diligentius con-
ſideret, & intueatur ipsam ὀιχειομίαν ^{Geometria ſin-}
^{γεωμετρικῶν λόγων:} atq; perpendat exa-^{Geometriac-}
ctius ipsam τορείαν, καὶ συνέχδω τῶν τορεών ^{rationem}

PRÆFATI.

ratioꝝ, cæteraqꝝ omnia, quæ Geome-
tria tractat, ad amissim examinet: tum
abundè se ostendunt utilitates in res
humanas sese diffundentes: quas hoc
loco enumerare prolixū esset. Quan-
tum igitur in me fuit, simplici & aper-
to sermonis genere, latínis verbis Grę-
ca interpretor: deinde brevibus schos
lijs, non nisi conor ea explicare, quæ
difficiliora sunt: neqꝝ omnia, sed præ-
cipua tantum, & maximè necessaria,
propediem certe plura, auxiliāte Deo
Opt. Max. sum editurus, cùm in hunc,
cum in alios Euclidis libros. Inter cæ-
tera verò etiam explicabo secundum
Euclidis librum, qui de potentia lineg
rectar demonstrationes habet Geo-
metricas. Quia verò την, καὶ διάγετις
commune est σύμβασι linearum, cor-
porum, & numerorum: idcirco statui
demonstraciones illarum ipsarum se-
cundi libri propositionum addere, per-
itas ex Arithmetica & Stereometria
principe

PREFATIO.

principis. Imò si commodè fieri potest, publicabo etiam ἐρωματικὸν γεωμετριῶν; in quo explicabuntur vocabula huius scientiæ propria, quò studiosi possint terminos, ut vocant, artis intelligere, & sensum verborum assenti. Erit sanè dictionarium hoc, omnibus Philosophiæ studiosis utilissimum, & valde iucundum. Sunt noñulla peces me, quæ cum confidam doctis virtutis grata & accepta fore, aliquando etiam in lucē emittam.

Calendis Aprilis,

Anno 1564.

ETKAEI



ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ, ΕΚ ΤΩΝ
Τῇ Θέων Θεωρησίων.

ΟΙ ΟΡΟΙ.

ΣΗΜΕΙΟΝ δέ τις μέρος εδίπου.

Γραμμή δὲ τοῖς απλατίνες.

Τριγώνον δὲ τοῖς σημείοις.

Εὐθεῖα γραμμή δύτη, ητις ἔχει τοῖς ἄφιστοις οικείοις κάταλον.

Βιαφάνεια δὲ δύτη, ο μέρος τοῦ πλάνου τοῦ οικείου μέρους.

Επιφανίας δὲ τοῖς γραμμαῖς.

Βιαπλότητας δὲ δύτη, ητις ἔχει τοῖς οικείοις ιαντῆς ινδιάς κάταλον.

Βιαπλότητας δὲ γωνία δύτη, διὰ την οποίαν διέρχεται ο πλάνος γραμμῶν απλατίνων αλλέλων, οὐδὲ μὴ τῷ ινδιάς ιαντῆς ινδιάς απλατίνων, τῷ δὲ αλλέλων χώρη γραμμῶν αλίστα.

Οίλη δὲ αἱ περίχρονες τοῖς γωνίαις γραμμαῖς, ινθέαις ὁσιηραὶ, ινθήγραμματα καταλέγονται εἰς γωνία.

Οτικρότητας δὲ δύτη, ινθέαις τοῖς αλλέλαις ποιητική, δρόβη δύτη ινατίγα τοῦ ισημερινῶν. Καὶ οἱ φρεγάκης ινθέαις πάθητας καταλέγονται εἰς οτικρότητα.

Αγρίλητη

EVCLIDIS ELEMENTVM

primum ex Theonis Commentarijs. Hanc definitionem explicavit Euclidis Scholjus.

Definitiones.

Punctum est, quod partem non habet. Oratione de puncto.

Linea est, longitudine absq; latitudine.

Termini linea sunt puncta.

Linea recta est, quae ex aequo posita est inter

sua puncta. linea recta est, ex linea missa ut linea

Superficies est, quae longitudinem & latitudinem tantum habet.

Termini superficie sunt linea.

Plana superficies est, quae ex aequo posita est

inter suas lineas rectas.

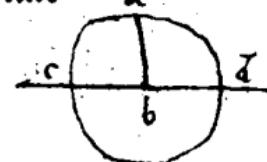
Angulus planus est, duarū linearū se in plate tangentium nō ex aduerso positarum mutua inclinatio.

Rectilineum vocamus angulum, quem recte continent.

Cum recta super rectam stans, angulos vicinos inter se fecerit aequales: rectas est ut etiam aequalium illorum angulorum.

Recta vero linea angulos illos aequales faciens: perpendicularis dicitur ad eam lineam, super qua consistit. a. b. perpendicularis.

v t



ΕΤΚΑΕΙΔΟΥ

Αμβλάκια γυνία θέτη, καὶ μείζων δρεπῆς
Οφέλια δὲ οὐδὲ λάσιαν δρεπῆς.

Οφέλια θέτη, οὐδὲ τινός έστι πίρας.

Σχέματα δέ, τὸ ιστότινθ, καὶ τινῶν δρεπῶν
πιεστιχόμενοι.

Εύκλαθθ θέτη, σχέματα ιστίωδοι, οὐδὲ μιᾶς
γραμμῆς πιεστιχόμενοι, καὶ λατέται
πιεστιφύσαται, πρὸς ἐν αφ' ἵνας σχημάτων
τὸν ινήσ το σχέματα θεμέσιαν,
πάσσαι αὖ προσπίπτοσι ινδεῖαι, οἷσι
ἀλλέλαις εἶσι.

Εἰνδρυμὸν δὲ, τὸ κύκλου τὸ σκιάδον καὶ
λατέται.

Διάμετρός δὲ οὐ κύκλος θέτη, οὐδὲν τὸ
διάτονον θέτη, οὐδὲν τὸ περιστερόν
οὐδὲν ικάτρατα μέρη οὐδὲν οὐδὲν τὸ
κύκλον πιεστιφύσαται, οὐδὲν τὸ περιστερόν
νάτρην κύκλον.

Επικύκλουν δὲ θέτη, τὸ πιεστιχόμενον σχέμα
μα υπότιτον διάμετρον, οὐδὲν δὲ οὐδὲ
λαμβανομένον τοῦ άντρού δὲ τὸ κύκλον
κύκλον πιεστιφύσαται.

Τιμέμα κύκλος θέτη, τὸ πιεστιχόμενον ψός
το οὐθέται, οὐδὲ κύκλον πιεστιφύσαται.

Βαθύγραμμα σχέματα θέτη, οὐδὲν οὐδέν το πιεστιχόμενα.

Τρίπλα

Oblusus angulus est, qui recto est maior.

Acutus vero, qui recto est minor.

Terminus est, quod alicuius finis est.

Figura est, que termino aliquo, aut aliquibus terminis continetur.

Circulus est figura plana, una linea conten-
ta, quam vocamus circumferentiam: ad
quam ab uno aliquo ex punctis, que intra
ipsam sunt, omnes linea recta proceden-
tes, inter se sunt aequales.

Centrum vero circuli, vocatur hoc in circu-
lo medium.

Dimetiens circuli est, recta quadam linea, per
Centrum circuli ducta, vering ad circum-
ferentiam circuli desinens: ipsumque circu-
lum in duas partes aequales diuidens.

Semicirculus est figura, quam dimetiens cir-
culi, & intercepta à dimetiente circumfe-
rentia continet.

Segmentum circuli est, figura, quam linea re-
cta, & circuli circumferentia continet.

Rectilineæ figuræ sunt, quas rectæ linea am-
biunt.

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

Τείσιλοντα μὴν τὰ ιστὸν βιῶμ.

Τεράστιον δέ τὰ ιστὸν πανάρων.

Βούλωνδην δέ, τα ιστὸν πλαισίων, ἢ

ποσάρην ινθεῖν πιετεχόμενα.

ΤἼπ αἱ βικλινύρην σχημάτων, ισόπλουν

γην μὴν τρίγωνην ἔτι, τὸ τρίτης ίσις

ἴχον πλαισίας.

Διοκτήλις δέ, τὸ τὰς άνθες μέντος ίσις ίχον

πλαισίας.

Συκλεύον δέ, τὸ τὰς φέτες ικνίσας ίχον

πλαισίας.

Πτετάτην πλάγιον σχημάτων, ορθογώνην

πιερ μὴν βρύγωνην ὅτι, τὸ ίχον μίαν

δρβίνη γωνίας.

Αιμηνγάνιον δέ, τὸ μίαν ίχον αιμηνίας

αγωνίας.

Οξυγάνιον δέ, τὸ βέτες δέξιας ίχον γωνίας.

ΤἼπ ἡ τεραστινύρην σχημάτων, τεράσ-

εινον μέντης, ὁ ισόπλουνδήν τε ἔτι,

τοῦτο ἀρδευγάνιον.

Πετρόμενος δέ, ὁ δρβογώνιον μὴν, ἐπι ίσις

πλαισίον δέ.

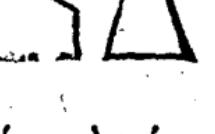
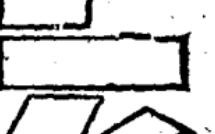
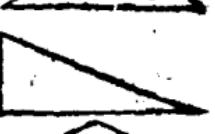
Ρόμβος δέ, οἱ ισόπλουνδην μὴν, ἐπι δρβογώ-

νην δέ.

Ροκκονδίς δέ, τὸ τὰς ἀνωματίνην πλαισίας τε ποὺς γωνίας,

ἴκας ικνίσας ίχον δέ τοισόπλουνδην τετρ, τοισόρθογώνιον.

Τά



LIBER I.

5

Trilateræ quidem, quas ambiunt tres rectæ.
Quadrilateræ vero, quas plures, quam qua-
tuor rectæ ambiunt.

Ex trilateris autē figuris. Triangulus equi-
laterus est, qui tria habet æqualia latera.
Aequicrusus, qui duo tantum habet æqualia
latera.

Scalenus triangulus, qui tria habet inæqua-
lia latera.

Item ex trilateris figuris, triangulus rectan-
gulus est: qui angulum habet rectum.

Amblygonius, qui angulum habet obtusum.

Oxygonius qui angulos tres acutos habet.

Ex quadrilateris figuris, quadratum est, quod
æquilaterum est, & rectangulum.

Quadrangulum oblongum, quod rectangulum
quidem est, sed non æquilaterum.

Rhombus, quod æquilaterum quidem est,
sed non rectangulum.

Rhomboides, quod latera è regione posita ha-
bet æqualia, ac etiam angulos: non tamen
est æquilaterum, neq; rectangulum.

B 3

6. ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Τὰ δὲ παράταχτα τεθέντα σηματά, Τριστίγμα καλεῖται,
παράλληλοι εἰσὶν ὑπότιμοι, αἱ τις οἷς τῷ

ἀντίῳ ἀποιδεῖσθαι, καὶ οὐκέτι αλλό-
μεναι ἡ τῶν ἄπειρον ἵψη εἰκάτειρα τὰ
μῆρα, ὅπερ μελετήσατε συμπίτιον
ἀλλάτως.

Hic Sphacteria non adgitavit. Dafnis dicens. idem ex Oretio adit.
AITHMATA.

καὶ σὺ τάκτη Η ΤΗΣ ΘΩ, ἀπὸ παντὸς ομείος ἐτίς τὰς
γεφύρας, ἵνα φέ-
σαι μανιφέστω.
εἰδιγὴ πόλης καὶ τεπέρασμένης εὐθεῖαν, καὶ τὸ ουεχές
εἰρηνῶν τοῦτο εἰσι-
αν γενομένη. ἐτίς εὐθείας σκιβάλλειν. ut .— .— .

τινος + a date Καὶ πάντι κέντρῳ, καὶ διατήματι, κύκλῳ
γραπτό, in aliud datum γράφεαι. (Q)-c

unum imaginari KONAI ENNOIAI.

τα τοια περιστατικά θεωρεῖν, καὶ τα ΤΑ ΤΩ αιτιώσεις, καὶ την αλλήλων εἶναι ισος·
δεσμόν τον λίγον. Καὶ εἰς τοις ισοις περιστερή, τὰ σύλλα εἶναι ισοις
ιδ. 4.)^{ποιητή} Καὶ εἰς από τοιων ισα αφερεθή, τὰ καταλ-
τικά τοια) παν πόρεμά εἶναι ισος.

Kαὶ εὖ αἰσιοῖς ἵστε περιεθῆ, τὰ ὄλα εἴτε ἀ-

εἰδή γυνῆς ἀσθετικῆς. Καὶ εὖλος τὸ ἀνίσων ἵσταται φαινεῖται, τὰ λοιχά, αφεκτικά λαμπά. ταῦτα εἶναι ἄνιστα

glinata, q[uod] i[n]j[ec]tum efficeret longissima, q[uod] vultus linearis recta. Et hoc
quoniam ab aliis y[er]o iste, in quo n[on] capax est apto loco passum in fructu r[es]istat
Velut Orosius. Int[er] ubi ergo uelit rotundus defigurare strobili, q[uod] non videtur ratione
ad libera[m] semi di amet[ri] g[ra]uia h[ab]ent. ipsi figurae r[es]istunt. sicut si res, ex
data quo n[on] linea recta terminata, altero ei[us]dem linea terminata ubi uero col-
l[ig]atam ipsius linea r[es]istatur, r[es]istat defragitate. q[uod] si h[ab]et
i[us] sicut liberto g[ra]uia h[ab]ent, q[uod] latu[m] semidiametru[m], ut inter se[m]p[er] uiginti d[omi]ni

LIBER I.

Omnis reliqua præter has quadrilatera figurae,
Trapezia vocentur.

Æquedistantes rectæ lineaæ sunt, que in eodem
plane sitæ: & in infinitum ex utraq; par-
te extensæ: in neutra tamen concurrunt.

POSTVLATA.

Pecatur. A quouis punto, ad quodvis pun-
ctum rectam lineam describere.

Item, lineam rectam finitam, in infinitum
usq; extendere.

Item, quouis centro, & interualllo describere possebat;

circulum. *

COMMUNES NOTIONES.

seu sententiae.

Quicidem sunt æqualia, illa inter se sunt æ-
qualia. ut

Si aequalibus æqualia fuerint adiecta, etiam
sunt aequalia.

Si ab aequalibus æqualia fuerint ablata, etiam aequalia
que relinquentur, sunt æqualia.

Si in aequalibus aequalia fuerint adiecta; etiam
sunt in aequalia.

Si ab in aequalibus aequalia fuerint sublata; etiam
que relinquentur, sunt in aequalia.

Et hinc deinceps clavis, quae hæc æquivalat,

ad hanc sententiam. Et quoniam primæ q;dam, ut p;co mani-

festatur, et ratiōne solū ab p;co in p;co rōne, excedere, aputa-

ΕΤΚΑ ΕΙΔΟΥ

καὶ τὰ τύπων διατάσσεται, οὐδὲ ἀλλήλοις ἐστὶ^{νόμος} πρότις ή τοῦ μηδέποτε μεταβολής μεταβολή. Καὶ τὰ τύπων ιμίσιον, οὐδὲ ἀλλήλοις ἐστι. Καὶ τὸ εὐθεῖον μηδέποτε μεταβολή, ad eandem οὐδὲ τὸ μηδέποτε μεταβολήν λοιπόν εστι.

Καὶ τὸ ὄλον τῷ μέργει μεῖζον ἔγι.

Καὶ τόσοις ἀσθενίαις, τοις ἀλλήλαις
εἴσι.

Καὶ ἐὰν εἰς δύο ἐυθεῖας, ἐυθεῖαι εμπάίπησον,
τὰς ἀντός, καὶ ἐπὶ τὰ ἀντά μέρη γωνίας,
δύο ὄρθῶν ἐλάσοντας τοιη̄, σκιβαλλό-
μνας αἱ δύο ἀνταὶ ἐυθεῖαι ἐπὶ ἀπειρον,
συμπεσθῆται ἀλλήλαις, ἐφ' ἣ μέρη εστὶν
αἱ ταῦ δύο ὄρθῶν ἐλάσοντες γωνίας.

Καὶ οὗτος διεθεῖται, χωρίον τὸ περιέχον.

Exemplificatur ex Oratio. quia sit $\frac{1}{2}$ quae eiusdem sit aqua multiplicata, ut aqua
 supradicta minor sit aqua superparticula, ut, etiam maior, cuius ad minimam legem
 aequalis, utque ex alio eandem fuit magnitudinem.
 ut si a. b. magnitudines, eiusdem magnitudinis c. sint aqua maiores, Quia
 utpote huius, maxima est eandem magnitudines a. b. tunc minima est c. non
 aequalib; magnitudinibus ipsis. t. in eisdem a. b. superparticula, etiam addit' superpos.
 item confidetur ea numeris, et alio quodcumq; ad minimam legem habebit: eandem ad
 tertiam maiorem in aequalitate sonum obtinetur:)
 quae eiusdem). ut quodcumq; eiusdem sit aqua submultiplicata, ut superparticula
 ut superparticula h.c. aqua minora, ea sit ad minimam aequalis, utpote si a. c. b.
 magnitudines, eiusdem magnitudinis c. sint, recte quae, huius: illa erat ad-
 in iuxtam aequaliter

que nō possunt esse linea.
linea est pars recte.
linea est pars recte.

LIBER I.

Quae sunt eiusdem dupla, inter se sunt sequentes.

Que eiusdem sunt dimidia, inter se sunt et
qualia. ut 

Quæ applicata inter se conueniunt, sunt æ-
qualia. ut — et I I et —

A. Totum est maius sua parte.

Omnes recti anguli inter se sunt æquales.

Cum in duas rectas, recta incidens linea, duos internos ex una parte angulos, duobus rectis facit minores: productæ istæ duæ linea rectæ in infinitum, ex ea parte concurrent, ubi sunt illi duo anguli duobus rectis minores.

B. Due lineæ rectæ figuram non faciunt.

Immer zeitig ein n. dali möglichst angelti. B 5

et magnitudine quadratis ex parte recta, cuiusdamque recti quadrantes sint ad: iuniores regularis: fit ut inter quatuor angulos rectos nullus possit esse differentia: si et per adiunctionem ~~regularis~~: id est 7. q. 10. definitione q. 1.

Cum in duas) ut potest, si in unius ab aliis. Quod est de dividendis et f. interioribus multiplier b e f. Q2 a f. e. simul coprator, duob. recte minorer faciat. Pro se linea ab aliis. Q3 a d. in infinito producatur, conuenient tandem in g. ad prius que b est.

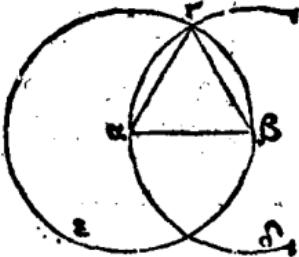
Vnde puto magis probatiss b. e. & d. f. propter tanto apriores efficientes
in una tandem dignitatem potest. g. i. concurrentes: *Steinov. de a. e.* Q. r. f.
partib: *qua* q. anguli a. e. f. & r. f. c. sunt dubbi: magis utq. tanto maiorez;
quod videlicet hanc minorum fuisse ipsi b. e. f. & d. f. e. anguli.

Et notus de populo, qd Commun. Scttio ex Ordine.
Ex his itaq; sunt quoniam intellectu primitijs, colliguntur blemata: hoc e, ab igne
possessione p[ro]ficiuntur concus, percutiuntur figurae afflictiones distinctiores: Et
afflictione, sicut laetitia appetitiva, que regat omnes utramque partem:
Sunt autem figurae soli impetuatio distinctiores: Hoc sufficiat
ad exponere, qd h[ab]ent figuram, affinitati corrispondit.

Πρόσθιοις α. πεόβλημα.

ΕΠ ΤΗΣ δοθέσιος δύθείας πεπερασθενης, τρίγωνον ισότιλον συστήσασθ.

1. Εκδειξ.) Εστι η στοθεῖσα πεπερασμένη, η
αβ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ οὐτὶ τὸ αβ δύθείας,
3 τριγωνον ισότιλον συστήσασθ. (Κατα-
σκοπὴ.) Κέντρῳ μὲν τῷ α, Διαστήματι δὲ, ταῦ
αβ, κύκλῳ γεγένεθλω, ὁ Βγε. οὐκά πάλιν
κέντρῳ μὲν τῷ β, Διαστήματι δὲ τῷ βα, κύ-
κλῳ γεγένεθλω, ὁ αγδ, καὶ ἀπὸ τοῦ γη-μείου, καθ' ὃ τεμνόσιν ἀλ-
λήλως οἱ κύκλοι, οὐτὶ τὰ
α, β, ομιλία, επεξέχθω-
σαν δύθεία, αἱ γα, γβ.
4. (Απόδεξις.) Βασίζον τὸ
α σημεῖον, κέντρον εἰς τὸ
γενένεκλογόν εἶναι η αγ τῇ αβ, πάλιν επει-τὸ β σημεῖον, κέντρον εἰς τὸ γαδ κύκλον, οὐτὶ^{εἰς} η βγ, τῇ βα. ἐδείχθη δὲ οὐκὶ η γα, τῇ
α βίον. Ικατέρα περιττῶν γα, γβ, τῇ αβ ε-
ίνιον. τὰ δὲ τῷ αιτίον, οὐτὶ οὐτίλοις εἰνιον,
καὶ η γα περιττὴ γε εἰνιον. αἱ τρεῖς περιτταὶ
γα,



LIBER I.

Proposito prima. problema.

SVper data linea recta finita, triangulum æquilaterum constituere.

- I. **Explicatio dati.**) Sit data linea recta finita $\alpha\beta$. (**Explicatio quæsiti.**) Oportet super linea recta $\alpha\beta$, triangulum æquilaterum constituere. (**Delineatio.**) Centro α , interuallo $\alpha\beta$, describatur circulus $\beta\gamma\alpha$. Item centro β , interuallo $\beta\alpha$, describatur circulus $\alpha\gamma\beta$. **Ducantur** deniq^z linea recta $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, (**Construuntur**, monstratio.) Quoniam punctum α , est centrum circuli $\gamma\beta$: idcirco recta $\alpha\gamma$, est æqualis rectæ $\alpha\beta$. **rursum** quoniam punctum β , est centrum circuli $\alpha\gamma$: idcirco recta $\beta\gamma$, est æqualis rectæ $\alpha\beta$. **Verum demonstrandum**, quod recta $\gamma\alpha$, etiam æqualis sit rectæ $\alpha\beta$. Ergo veraq^z rectarum $\gamma\alpha$, $\gamma\beta$, est æqualis rectæ $\alpha\beta$. **Quæ vero eidem sunt equalia**, illa etiam inter se sunt æqualia. Ergo $\gamma\alpha$ recta, etiam æqualis est rectæ $\gamma\beta$. Tres igitur linea rectæ $\gamma\alpha$, $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, sunt in-

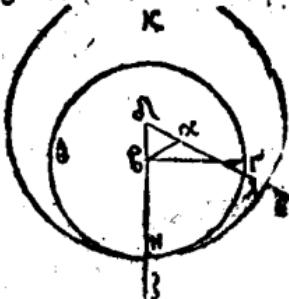
γα, αν, έγιση αλλήλαις εἰσίν. (Συμπέρεισμα.) Ίσος ωλδύρον ἔρχεται τὸ αἴβυ τρίγωνον, καὶ σωνέσται αὐτῷ τὸ δοθέντος δύναμις πεπεριμένης τῆς αἴβ. οὗτος ἐδοκιμήθη.

π &

Πρότασις β. πεδόντημα.

Πρὸς τὸ μὲν δοθέντο σημεῖον, τῇ δοθείσῃ διάστασι, ίσων δύναμεων θέατρον.

Εκφεύγεις.) Εῖναι τὸ μὲν δοθὲν σημεῖον τὸ α, ἢ τὸ μὲθεῖσαν δύναμαν αἴβυ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ πέσος τῷ α σημεῖῳ, τῇ έγιση δύναμα, ισον δύναμαν θέατρον. (Κατασκευὴ.) Επεζύχθω γὰρ διπλὸν τῷ α σημείῳ, ὅπερί τὸ έσω σημεῖον, ἐνθεῖσαν αἴβ, καὶ σωνέστω ἐπ' αὐτῆς τρίγωνον ίσος ωλδύρον, τὸ δαῦ. καὶ σκεπεύτητωσαν ἐπ' ξυθεῖσας ταῖς δαῖ, δῆ, δι-



θέατρον, αἱ δὲ, έγι, καὶ κέντρω μὲν τῷ β, Διασημαῖται δὲ τῷ β, κύκλος γεγράφθω ὁ γηθ. Κατάλιν κέντρω μὲν τῷ διασημαῖται δὲ τῷ δη. κύκλος γεγράφθω ὁ γηλ. (Απόδειξις.)

v. ut se aequales. (Conclusio.) Triangulus itaq; ab γ , est aequilaterus: et consistit super data linea recta finita ab. Quod faciendum erat.

Propositio secunda. Problema.

Ad punctum datum, linea recta data, aequalem lineam rectam ponere.

Explicatio dati.) Sit punctum datum a, & data recta linea $\beta\gamma$. (Explicatio quae-
fici) Ad punctum datum a, datæ linea rectæ
 $\beta\gamma$, ponenda est recta linea aequalis. (Deli-
neatio.) Ab a punto, ad punctum β , duca-
tur linea recta ab, & super linea ab statua-
tur triangulus aequilaterus ad β . Extenda-
tur etiam linea recta da, d β versus puncta
a, β , et fiant rectæ ac, $\beta\zeta$. Centro quoq; c, in-
terualllo $\beta\gamma$, describatur circulus $\gamma\eta\theta$. Item
Centro d, interualllo d η , describatur circu-
lus $\eta\kappa\lambda$ (secans lineam rectam d ζ , in punto η .)
Demon-

14v ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

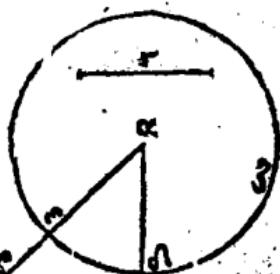
ξις.) Επειδήν τὸ βοημέτον κέντρον εῖναι Σγυθ
κύκλων, ἵστηται οὐ βοη, τῇ βοη πάλιν, επειδή
τὸ δοημέτον, κέντρον εῖναι τῷ ηκλ κύκλων, ἵστη-
τεῖν η δλ, τῇ δη, ὡν η δα, τῇ δβ ισητεῖν. λοι-
πὴ ἀρχή αλ, λοιπῆ τῇ Βη εἰναι ιση. ἐδείχ-
θη δὲ Κη βοη, τῇ βη ιση. ἐκαλέρειται τῶν
αλ, βοη, τῇ βη εἰναι ιση. τὰ δὲ τὰ αποι ιση,
ποὺ ἀλλήλοις εἰναι ιση. καὶ η αλ ἀρχε, τῇ Βη; ε-
τῶν ιση. (Συμπέρασμα.) Πρὸς ἀρχε τὰ δο-
θέντα οημέτω τὰ α, τῇ δοθείσῃ θείᾳ τῇ Βη
ιση θείᾳ κατατη η αλ. ὅπερ εἴδει τοιόντα.

Πρότασις γ. πεόβλημα.

ΔΤο δοθεῖσαν θείαν ανίσων, ἀπὸ τοῦ μεί-
ζονΘ, τῇ ἐλάσονι ισην θείαν αφε-
λεῖν.

Εκθεσις.) Εισωσαν αἱ
δοθεῖσαν δύο θείαν ανί-
σους αἱ αβ, γ, ὡν μοίζων
ἔτω η αβ. (Διορισμός.)

Δεῖ δὴ ἀπὸ τοῦ μείζονΘ
τῆς αβ, τῇ ἐλάσονι τῇ Β
γ, ισην θείαν αφελεῖν. (Κατασκήν.) Καί
αδω



Demonstratio.) Quoniam punctum β est centrum circuli $\gamma\eta\theta$: idcirco recta $\beta\gamma$, est α equalis rectae $\beta\eta$. **Item** quoniam punctum δ , est centrum circuli $\eta\chi\lambda$: igitur recta $\delta\lambda$ est equalis rectae $\delta\eta$, ex quibus $\delta\alpha$ fuit equalis rectae $\delta\beta$. reliqua igitur $\alpha\lambda$, reliqua $\beta\eta$ est equalis. **Veraq**, idcirco rectarum $\alpha\lambda$, $\beta\gamma$, est equalis rectae $\beta\eta$. **qua** verò eidem sunt equalia, illa etiā inter se sunt equalia. **qua** re recta $\alpha\lambda$, etiam erit equalis recta $\beta\gamma$.

(Conclusio.) Ad datum igitur punctum α , data linea recta $\beta\gamma$: equalis posita est recta linea $\alpha\lambda$, quod faciendum erat.

Propositio tertia. Problema.

DVabus rectis inæqualibus datis: ex maiore minori aequalem rectam lineam auferre.

Explicatio dati.) Sit data linea recta maior $\alpha\beta$, minor verò γ . (**Explicatio quæsiti.**) Ex maiore linea $\alpha\beta$, tollenda est recta equalis linea γ . (**Delineatio.**) Ponatur

Θω πέδος τῷ αὐτομεῖω, τῇ γένθεία, ἵση οὐτόδ,
καὶ κέντρῳ μὲν τῷ αὐτομεῖω, θλαστήματι δὲ τῷ αὐτομεῖω
πλάτῳ γεγένθει φθω ὁ μεζο. (Απόδειξις) Καὶ
ἔται τὸ αὐτομεῖον, κέντρον ἔται τῷ δεξερῷ κύκλῳ,
ἵση ἔται οὐτόδ, τῇ αὐτομεῖω, ἀλλὰ καὶ ηγένη, τῇ αὐτομεῖω
ἔται ιση. εκάπερ σχέδιο τῶν αὐτῶν, γ, τῇ αὐτομεῖω
οὐτομεῖω καὶ οὐτόδ τῇ γένθεία ἵση. (Συμπέρασμα) Δύο σχέδια δοθῆσθαι δύθειαν αὐτομεῖων τῶν
αὐτῶν, γ, ἀπὸ τῆς μείζου πλάτου τοῦ αὐτομεῖου, τῇ ελάσσονι
τῇ γ, ιση ἀφήρηται οὐτόδ. οὕτε ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις θ. Γεώργια.

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς
δυσὶ πλευραῖς ισαῖς ἔχη εκάπερ σχέδιον εκάπε-
ρα, καὶ τὰ γωνίαν τῇ γωνίᾳ ισην ἔχη, τὰς υ-
πὸ τῶν ισων δύθειαν περιεχομένων: καὶ τὰς
βάσιν τῇ βάσει ισην ἔχει, Σ τὸ τρίγωνον τῷ
τριγώνῳ ισον ἔσται, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνία ταῖς
λοιπαῖς γωνίαις ιση ἔσονται, εκάπερ εκάπε-
ρα, οὐ φέαται αἱ ισαὶ πλευραὶ παρατίνασται.

Εκθεσις.) Εῖσα δύο τρίγωνα, τὰ αὐτομεῖω,
δεξερά, τὰς δύο πλευρὰς τὰς αὐτομεῖων, αὐτομεῖων, ταῖς
δυσὶ

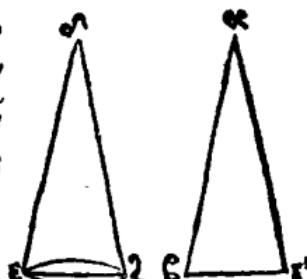
in ad punctum α , linea γ , aequalis recta li-
nea ad. deinde centro α , interualle ad, des-
cribatur circulus $\delta\epsilon\zeta$ (secans rectam $\alpha\beta$, in
puncto ϵ . (Demonstratio.) Quoniā punctum α
 α , centrū est circuli $\delta\epsilon\zeta$. idcirco recta $\alpha\epsilon$, est et γ . Syl:
qualis rectas ad. Verū recta γ , etiā est aequalis $\alpha\epsilon$.
recta ad. Vtraq, igitur rectarū $\alpha\epsilon$, γ , est equa
lis recte ad. Quare $\alpha\epsilon$ etiā est aequalis recta γ
Duabus igitur rectis datis inæqualibus $\alpha\beta$, γ : ex maiore $\alpha\beta$, ablata es ϵ $\alpha\epsilon$, aequalis
minori γ . Quod faciendum erat.

Propositio quarta. Theorema.

Si duo trianguli duo latera duobus
lateribus habuerint aequalia, alterū
alteri: & angulum angulo aequalēm,
qui eequalibus rectis lineis continetur:
etiam basim basi habebunt aequalēm: 3
& triangulus triangulo erit aequalis: 4
& reliqui anguli, reliquis angulis erunt equa-
les, alter alteri, quos latera subtendūt aequalia.

Expli^catio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\delta\epsilon\zeta$,
habentes duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$ aequalia,
($\alpha\beta\gamma$) Problematū ($\delta\epsilon\zeta$) Theorematis antea duxa
ad illi artificio disponitū. Ut ex antedictis omnīs subsequentiū videlicet
partes comparatio, fieri mutua subsumptio singulare interfice
problemata, & theoremata, q.b. interdā sufficiant. Hypothese subiuncta:

δυσὶ αλιθραῖς ταῖς δὲ,
δῆ, οὓς ἔχοντα εκάτεραν
εκάτερα, τὰ μὲν αὐτό, τῇ
δὲ, τὰ δέ αὐτού, τῇ δῆ, καὶ
γωνίαν τὰς ὑπὸ βαγ,
γωνία τῇ ὑπὸ εδήσην.



(Διορθόμος.) Λέγω δι, Εβάσις ή γ, βάσις
τῇ εξηση εἶναι, καὶ τὸ αὐτὸ γρείγων τῷ δέ
τριγώνῳ ισον εἶσαι, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς
λοιπαῖς γωνίαις ισαὶ εἶσαι) εκάτερα εκάτε-
ρα, οὐ φασι αἱ ισαὶ αλιθραὶ ὑποθένεσιν. η
μὲν ὑπὸ αὐτοῦ, τῇ ὑπὸ δέ, η δὲ ὑπὸ αὐτοῦ,
τῇ ὑπὸ δέ. (Απόδειξις.) Εφαρμοζόμε-
νεις δὲ τῷ αὐτῷ τριγώνῳ ὅπερι τὸ δέ τριγώνου,
καὶ πιθερέντες τῷ μὲν αἱ σημεῖα, ὅπερι τὸ δἱσημεῖ-
ον, η δὲ αὐτοῦ θεῖα, ὅπερι τὰ δέ, έφαρμόσει
καὶ τὸ βόητον τὸ ε. Διὰ τὸ ισην εἴναι τὰ αὐτά,
τῇ δέ. έφαρμόσασης δὲ τοιαύτης θεῖας, έφαρμόσει
τὸ ισην εἴναι τὰς ὑπὸ βαγ γωνίαν, τῇ ὑπὸ
εδήσεις περὶ τὸ γ σημεῖον, ὅπερι τὸ γ σημεῖον έ-
φαρμόσει. Διὰ τὸ ισην πάλιν εἴναι τὰ αὐτά,
τῇ δέ.

duobus lateribus $\delta\epsilon$, $\delta\zeta$ alterum alteri: la-
tus $\alpha\beta$, æquale lateri $\delta\epsilon$: & latus $\alpha\gamma$, æqua-
le lateri $\delta\zeta$: & angulum $\beta\alpha\gamma$, æqualem an-
gulo $\epsilon\delta\zeta$. (Explicatio quæsti.) Dico
 quod basis $\beta\gamma$, sit æqualis basis $\delta\zeta$: & trian-
 gulus $\alpha\beta\gamma$, sit æqualis triangulo $\delta\epsilon\zeta$, &
 reliqui anguli, reliquis angulis sint æquales,
 alter alteri, quos æqualia illa latera subten-
 dunt: angulus etiam $\alpha\beta\gamma$, sit æqualis an-
 gulo $\delta\epsilon\zeta$: angulus deniq. $\alpha\gamma\beta$, sit æqualis
 angulo $\delta\zeta\epsilon$. (Demonstratio.) Quando e-
 nim triangulus $\alpha\beta\gamma$, applicatur triangulo
 $\delta\epsilon\zeta$. Punctum α , ponitur super puncto δ :
 & recta $\alpha\beta$, applicatur rectæ $\delta\epsilon$. Cadet e-
 tiam punctum β , super puncto ϵ . quia $\alpha\beta$ est
æqualis rectæ $\delta\epsilon$. Deinde si recta $\alpha\beta$, appli-
 caretur rectæ $\delta\epsilon$: etiam recta $\alpha\gamma$, applicabitur
 rectæ $\delta\zeta$. quoniam angulus $\beta\alpha\gamma$, proponi-
 tur æqualis angulo $\epsilon\delta\zeta$. quare & punctum
 γ , applicabitur puncto ζ . cum recta $\alpha\gamma$, &
 C 2 qualis

τῇ δῃ. ἀλλὰ μηδὲ καὶ τὸ β., ὅπερ τὸ εἴ φηρμόν
και. ὡσπερ βάσις ή βγ., ὅπερ βάσιν τινα εἰ γένεται
Φαρμόσ. εἰ γάρ τοι, μὲν β. ὅπερ τὸ εἴ φαρμός
σαι. (Θ., 3.) γένεται γένεται βγ. βάσις ὅπερ τινα
εί γένεται φαρμόσ, δύο διθεῖαι χωρίον περιέ-
χονται, οὐδὲ αδιώτατον. Εφαρμόσος ἄρεται
βγ. βάσις, ὅπερ τινα εί γένεται, καὶ ίση αὐτῇ ἔσαι, ὡς
περὶ ὅλον τὸ ἀβγ. περιγωνον, ὅπερ ὅλον τὸ δεξερόν
περιγωνον εί φαρμόσ, καὶ ίσον αὐτῷ ἔσαι. καὶ
αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ὅπερ τὰς λοιπὰς γωνίας
εί φαρμόσουσι, καὶ ίσαν αὐταῖς ἔσονται, η μὲν
τοῦ ἀβγ., τῇ τοῦ δεξεροῦ, η δὲ τοῦ αριστεροῦ
τῇ τοῦ δεξεροῦ. (Συμπέρσημα.) Εὰν ἄρεται
δύο περιγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς σήμοτε
στασισ ἔχη ἐκάπερον ἐκατέρα, ἐπειδὴ γωνίαιν τῇ
γωνίᾳ ίσην ἔχη, τινα τοῦτο τῶν ισων διθεῖων
αριστερούσιν: καὶ τινα βάσιν τῇ βάσι ισην
ἔχει, καὶ τὸ περιγωνον τῷ περιγώνῳ ίσον ἔσαι: καὶ
αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ίσαι
ἔσονται ἐκάπερον ἐκατέρα, οὐ φέτος αἱ ίσαι πλευ-
ραι τοῦτο ισοτείνονται. οὐδὲ εἴδει στενέσσι.

Πρότασις ε. Θεώρημα.

Τῶν

quibus sit rectæ d ℓ . ζ . Verum punctum β , applicabatur puncto ϵ . Basis igitur $\beta\gamma$, basi $\epsilon\zeta$ applicabitur. Nam si punctum β , applicetur puncto ζ , & basis $\epsilon\gamma$, non applicetur basi $\epsilon\zeta$: cum duæ rectæ figuram facient, quod est impossibile. Basis igitur $\beta\gamma$, basi $\epsilon\zeta$ applicatur, & est ei aequalis. Unde & totus triangulus a $\beta\gamma$, toto triangulo d ℓ $\epsilon\zeta$ applicabitur, & ei erit aequalis: & reliqui anguli, reliquis angulis applicabuncur, eisq; erunt aequales: angulus a $\beta\gamma$, angulo d ℓ $\epsilon\zeta$: & angulus a $\gamma\beta$, angulo d ℓ $\zeta\epsilon$.

(Conclusio.) Si igitur duo trianguli, duo latera duobus lateribus habuerint aequalia alterum alteri, & angulum angulo aequalem, qui aequalibus rectis lineis continetur: etiam basin basi habebunt aequalem: & triangulus triangulo erit aequalis: & reliqui anguli, reliquis angulis erunt aequales alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt. quod erat demonstrandum.

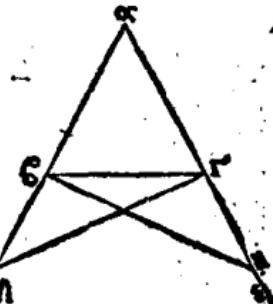
Propositio quinta. Theorema.

C 3 Trian-

ΤΩν ισοσκελῶν τριγώνων, αἱ πέδοι τῆς βάσεως γωνίαι ἵσαν ἀλλήλαις εἰσὶ. οὐκὶ πεφεγμένης τῶν ἴσων διθέτων, αἱ ψευδὸν τὰς βάσεις στις γωνίαι, ἵσαν ἀλλήλαις ἔσονται.

Εκθεσις.) Εῖσαν τρίγωνον ισοσκελὲς τὸ ἄβγ., ἃ τὸν ἔχον τὴν ἄβγ. πλευρὰν, τῇ ἄγ. πλευρᾷ καὶ πεφεγμένης διθέτωσιν ἐπ' διθέταις ταῖς ἄβ., ἄγ., διθέταις αἱ δύο, γε. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι ἡ μὲν ψευδὸν ἄβγ. γωνία,
 τῇ ψευδὸν ἄγ. ἴση ἐστὶν, η
 δὲ ψευδὸν γ. δύο, τῇ ψευδὸν
 γ. ε. (Κατασκόπη.) Εἰ-
 λήφθω γδὲ πάντα δύο, πυ-
 χὸν σημεῖον τὸ ζ. καὶ ἀφη-
 γήθω διπόλι τοῖς μείζονις τῆς ἄε, τῇ ἐλάττονι
 τῇ ἄζ. ἴση ἡ ἄη, οὐκὶ εἰσεγένεται διθέτωσιν αἱ γ., η δι-
 θέταις. (Απόδειξις.) Εἰπεὶ δὲν ἴση ἐστὶν ἡ μὲν
 ἄζ., τῇ ἄη, η δὲ ἄβ., τῇ ἄγ., δύο δη̄ αἱ γά, αγ.,
 δυσὶ ταῖς ηα, αβ., ἵσαν εἰσὶν ἐκάπερ φα εκάλε-
 εται. οὐκὶ γωνίαν καὶ νέῳ περιέχουσιν τὰς ψευδὸν
 γωνίας. Βάσις ἀρχαὶ γ., έσσις τῇ μέσην ἐστὶν. τῷ
 τὸ ἄβγ. τριγώνον, τῷ ἄηδι γεγόνων ἴσον ἐσται.

καὶ



TRiangulorum, qui duo æqualia
habēt latera, anguli ad basim sunt
æquales. Et productis æqualibus
illis rectis, etiam qui sub basi sunt an-
guli, inter se erunt æquales.

Explicatio dati.) Sit triangulus æquicru-
rus $\alpha\beta\gamma$, habens latus $\alpha\beta$, æquale lateri $\alpha\gamma$:
& producantur lineaæ $\alpha\zeta$, $\alpha\eta$, ex ev. D. e. a. s.
(hoc est, ut continuè extendatur secundum
lineam rectam) & fiant rectæ $\zeta\delta$, $\eta\epsilon$. (*Ex-
plicatio quæstui*) Dico quod angulus $\alpha\beta\gamma$, sit
æqualis angulo $\alpha\zeta\delta$. Et quod angulus $\gamma\zeta\delta$,
sit æqualis angulo $\beta\eta\epsilon$. (*Delineatio.*) Su-
matur in linea $\zeta\delta$, punctum quodvis ζ . dein
de collatur à maiore linea $\alpha\zeta$, minori $\alpha\zeta$, æ-
qualis linea recta $\alpha\eta$. deniq; ducantur rectæ
 $\zeta\gamma$, $\eta\beta$. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\alpha\zeta$ v.
est æqualis rectæ $\alpha\eta$: & recta $\alpha\beta$, æqualis re-
cta $\alpha\gamma$: duæ igitur rectæ $\zeta\gamma$, $\eta\beta$, duobus re-
ctis $\eta\alpha$, $\alpha\beta$ sunt æquales, altera alteræ: et cō-
munem ambiunt $\zeta\gamma$ an angulum. quare basis
 $\zeta\gamma$, basi $\eta\beta$ est æqualis, et triangulus $\alpha\gamma\beta$,

ηδὴ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις
ἴσαι ἔσονται ἐκάπερα ἐκατέρα, οὐ φ' ἀς αἱ ἴσαι
πλευραὶ παθεῖν γονιν. η μὲν πτώση ἀγρά, τῇ
πτώσῃ ἀβῃ, η δὲ υπτώση ἀγρά, τῇ πτώσῃ ἀγρό. οὐδὲ
ἐπεὶ ὅλη η ἀγρά, ὅλη τῇ απη ἐξίντη, ὥν η ἀβ τῇ
ἀγρά ἐξίντη, λοιπή ἀρεα η θρά, λοιπή τῇ γη ἐ-
ξίντη. ἐδείχθη δὲ Εἰ ζηγ, τῇ ηθή τη. δύο δὲ
αἱ θράζη, δυοὶ ταῖς γη, η θρά, ισαι εἰσὶν, ἐκά-
περα ἐκατέρα, καὶ γωνία η πτώση θράζη, γωνία
τῇ υπτώσῃ γη θρά ἐξίντη, καὶ βάσις αὐτῆς κοινή, η θρά.
Ἐ τὸ βζη ἀρεα τριγωνη, τῷ γη θρά τετργωνη
ἴσην ἔσαι, Ε αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς
γωνίαις ισαι ἔσονται) ἐκάπερα ἐκατέρα, οὐ φ' ἀς
αἱ ισαι πλευραὶ παθεῖν γονιν. ισαι ἀρεα ἐξίντη, η
μὲν πτώση θράζη, τῇ πτώσῃ ηγρό, η πτώση θράζη
τῇ πτώσῃ γη. ἐπεὶ δὲν ὅλη η πτώσῃ ἀβῃ γω-
νία, ὅλη τῇ πτώσῃ ἀγρά γωνία ἐδείχθη τη, ὥν
η πτώση ηγρό, τῇ πτώσῃ θράζη τη, λοιπή ἀρεα η
υπτώσῃ γρά, λοιπή τῇ υπτώσῃ γρά θρά έξίντη. οὐδὲ εἰσὶ^π
πτώση τῇ βάσι, η αγρά τριγωνη. ἐδείχθη δὲ καὶ
η υπτώση θράζη, τῇ πτώσῃ ηγρό τη, καὶ εἰσὶν πτώ-
σην βάσιν. (Συμπέρασμα.) Τῶν ἀρεαίσονται
λῶν

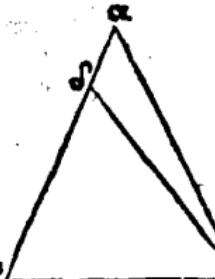
triangulo $\alpha\beta\gamma$ aequalis est: reliqui etiam anguli, reliquis angulis aequales sunt, alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt: angulus $\alpha\gamma$, angulo $\alpha\beta\gamma$: & angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo $\alpha\beta$. Cum vero tota recta $\alpha\gamma$, toti rectae anguli aequalis, & recta $\alpha\beta$ ablata, sit aequalis recta $\alpha\gamma$ ablata, idcirco reliqua linea recta $\beta\gamma$, reliqua rectae $\gamma\beta$ etiam erit aequalis. Verum recta $\beta\gamma$ demonstrata est aequalis esse rectam $\eta\beta$. duæ igitur rectæ $\beta\gamma$, $\gamma\beta$, duabus rectis $\gamma\eta$, $\eta\beta$ sunt aequales altera alteræ: & angulus $\beta\gamma$, aequalis est angulo $\gamma\eta\beta$: basis etiam eorum communis est recta $\beta\gamma$: triangulus igitur $\beta\gamma\eta$, triangulo $\gamma\eta\beta$ etiam erit aequalis: & reliqui anguli, reliquis angulis aequales: quos aequalia illa latera subtendunt. angulus $\beta\gamma$, aequalis angulo $\eta\gamma\beta$: & angulus $\beta\gamma\eta$, angulo $\gamma\beta\eta$. Quoniam nunc totus angulus $\alpha\beta\gamma$, toto angulo $\alpha\gamma$ demonstratus est aequalis: quorū ablatus angulus $\gamma\eta\beta$, ablatu angulo $\beta\gamma\eta$ est aequalis: ergo reliquius ab γ angulus, reliquo ab β angulo est aequalis, & sunt anguli ad basim trianguli $\alpha\beta\gamma$.

λῶν τεργυώνται τὸ δὲ τῇ βάσι γωνία, ἵσμι
ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ περούκτητον τῶν ἴ-
σων εὐθεῶν, αἱ τῶν τὰς βάσου γωνία, ἵσμι
ἀλλήλαις ἔσονται. οὗτοὶ δέ εἰσιν οἱ εἴδει.

Πρόσοτις 5. Ιεώρημα.

ΕΑν τεργύνται αἱ δύο γωνία ἵσμι ἀλλήλαις
ώσι, καὶ αἱ υπὸ τὰς ἵσμας γωνίας ταῦται
νομομέναις αλλήλαις, ἵσμι ἀλλήλαις ἔσονται.

Ἐκθεσις.) Βέβαιο τεργύ-
νον, τὸ αἴγανόν τον ἔχον τὰ
ταῦτα αἴγα γωνίαν, τῇ ύ-
πο αἴγα γωνίᾳ. (Διορισ-
μὸς.) Λέγωσθι καὶ αλλήλα
η αἴγα, αλλήλα τῇ αἴγῃ ε-
σιν ἵση. (Κατασκόπη.) Εἰ γὰρ ἄνισός εἴη η αἴγα,
τῇ αἴγῃ, η εἴρεται αὐτῆς μείζων εἴη. εἴσω μείζων η
αἴγα, καὶ αἴγα μείζων. Θεωρήθω δοπὸν τὸ μείζονα τὸ αἴγα, τῇ
ἐλάσσονι τῇ αἴγῃ, ἵση η δύση. καὶ ἐπεξεύχθω η δύση.
(Απόδειξις.) Επειδὴ γάρ δύση η δύση τῇ αἴγῃ,
κεινὴ δὲ η δύση δύση δηλοῖ αἱ δύση, δύση δύση ταῦς αἴγα,
γάρ, ἵσμι εἰσὶν, ἐκάτερα ἐκατέρα, καὶ γωνία η ί-



Angulus verò $\hat{\alpha}\beta\gamma$, angulo $\eta\gamma\zeta$ demonstratus est aequalis esse: & sunt sub basi. (Conclusio.) Triangulorum igitur, qui duo habent aequalia latera, anguli ad basim sunt aequales, & productis aequalibus illis rectis, etiam qui sub basi sunt anguli, inter se erunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

Propositio sexta. Theorema.

Si trianguli duo anguli aequales inter se fuerint: etiam latera, quæ aequales illos angulos subtendunt, erunt inter se aequales.

Explicatio dati.) Sic triangulus $a\beta\gamma$, habens angulum $a\beta\gamma$, aequalem angulo $\alpha\gamma\beta$.
Explicatio quesiti.) Dico quod latus $a\beta$, est aequalis lateri $\alpha\gamma$. (Delineatio cum hypothesi.) Si enim recta $a\delta$, non est aequalis rectæ $\alpha\gamma$: altera illarum erit maior, sit recta $a\beta$ maior. ex recta $a\beta$ maiore: linea rectæ $\alpha\gamma$ minori conferatur linea recta $\beta\delta$ aequalis: & ducatur recta $\delta\gamma$. (Demonstratio.) Quoniam latus $\delta\beta$, aequalis est lateri $\alpha\gamma$, & commune latus $\delta\gamma$: duo igitur latera $\delta\zeta$, $\beta\gamma$, duobus laterib⁹ $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$

πόδιβη, γωνία τῆς ὑπὸ αὐγῆς εἰνὶ ἵστη, βάσις
ἄρα η δῆ, βάσις τῆς αὐθίστη εἰνὶ. καὶ τὸ αὐθῆ
τριγώνον, τῷ δύῳ τριγώνῳ ἴσον εἶμαι. τῷ ἐ-
λάσογον τὸ μεῖζον. ὅπερ ἄρτιν, όπερα αὐτ-
σός εῖνι η αὐθή, τῇ αὐγῇ ἵστη ἄρα. (Συμπέρασ-
μα.) Εὰν ἄρα τριγώνοις δύο γωνίας ἴσαι
ἄλληλαις ὁστι, καὶ αἱ τῶν τὰς ἴσας γωνίας
τῶν εἰνόντων πλευραὶ, ἵστη ἄλληλαις ἴσους ταῦ.
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις 2. Ισώρημα.

Επὶ τῆς αὐτῆς ἐυθείας δύοις ταῖς αὐταῖς
ἐυθείαις, ἄλλαι δύο ἐυθεῖαι ἴσαι ἐκάπερα
ἐκάπερα εὐσεβή γε ταῦ, πέρος ἄλλω, οὐ ἄλλω
σημείῳ, ὅπερ τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρα-
τα ἔχοντα ταῖς ἐξ δέκτης ἐυθείαις.

Ἐπίσησις.) Εἰ γὰρ δια-
τον, ὅπερ τὰ αὐτῆς ἐυθεί-
ας τῆς αὐθῆς, δύοις ταῖς αὐ-
ταῖς ἐυθείαις ταῖς αὐγῆ-
σι, ἄλλαι δύο ἐυθεῖαι, αἱ
αὐθῆς, δύοις ἐκάπερα ἐκα-
τέρᾳ συνεστῶσιν, πέρος ἄλλω, καὶ ἄλλω τη-
μένω.



sunt aequalia alterū alteri: & angulus $\delta\beta\gamma$,
 angulo $\alpha\gamma\beta$ est aequalis. Basis igitur $\delta\gamma$, basi
 $\alpha\beta$ est aequalis: & triangulus $\alpha\beta\gamma$, trian-
 gulo $\delta\gamma\beta$ est aequalis: maior minori. quod
 est absurdum. Quare recta $\alpha\beta$, non est inae-
 qualis rectæ $\alpha\gamma$, itaq; erit ei aequalis. (Con-
 clusio.) Si ergo trianguli, duo anguli aequa-
 les inter se fuerint: etiam latera, quæ aequales
 illos angulos subtendunt, erunt inter se aequa-
 les. Id quod erat demonstrandum.

Propositio septima. Theorema.

SVper eadē linea recta, duabus eis-
 dem rectis, aliæ due rectæ aequales
 altera alteri, non statuentur ad aliud,
 atq; aliud punctum, in easdem partes,
 eosdem habentes terminos, quos li-
 neæ primæ.

Explicatio dati.) Si enim est possibile, sic
 linea recta $\alpha\beta$, & super ea duabus rectis $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$, constitutis: aliæ due linea rectæ ad, $\delta\beta$
 constituantur aequales altera alteri: ad aliud
 atq;

μέσω, τῶτε γ, καὶ δ. ὅπει τὰ αὐτὰ μέρη τὰ
γέδ, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχοντα, τὰ δ, ταῖς
ἐξ αρχῆς εὐθέαις, ὡς τονισσόντα, τίν μὲν
γά, τῇ δα, τὸ αὐτὸ τέρας ἔχοντα αὐτῇ,
τὸ δ, τίν δὲ γέδει τῇ δβ, τὸ αὐτὸ τέρας ἔχο-
ντα αὐτῇ τὸ β. (Κατασκευή.) Καὶ ἐπεζεύχ-
θω ἡ γδ. (Απόδεξις.) Επεὶ δὲ οὐ εἶναι η αγ-
τῇ αδ, οὐ εἰς καγνία η τασ αγδ, τῇ τασ
αδγ. μείζων ἀρα η τασ αδγ τῇς ύπο δγβ.
πλλω ἀρα η τασ γδβ, μείζων εἰς τὸ τασ
δγβ, πάλιν ἐπεὶ οὐ εἶναι η γβ τῇ δβ, οὐ ε-
στι, Εγνία η υπὸ γδα, γνία τῇ ύπο δγβ.
ἔδειχθη δὲ αὐτῆς, καὶ πλλω μείζων, ὅπερ εἴναι
ἀδύνατον. (Συμπέρασμα.) Οὐκ ἀρα ὅπει τὰ
αὐτῆς εὐθέαις, δύσι ταῖς αὐταῖς εὐθέαις,
ἄλλαι δύο εὐθέαις οὖσι ἐκάπερα ἐκατέρα συντε-
θήσονται, πέρος ἄλλω, καὶ ἄλλω σημείω, ὅπει τὰ
αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχοντα ταῖς
ἐξ αρχῆς εὐθέαις. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι:

Πρότασις η. Θεώρημα.

ΕΑν δύο τείγωντα, τὰς δύο πλλυρὰς ταῖς
δυσὶ πλλυραῖς οὖσι ἔχη ἐκάπεραν ἐκατέ-
ρα, ἔχη δὲ καὶ τίν βάσιν, τῇ βάσει οὖσιν, καὶ

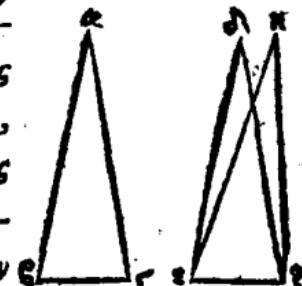
atq; aliud punctum γ & δ , in easdem partes
 γ , & δ : eosde habentes terminos α , & β : quos
lineæ rectæ primæ: ita ut $\gamma\alpha$ æqualis sit $\delta\alpha$: et
eundem habeat terminū α : recta verò $\gamma\beta$, sic
æqualis rectæ $\delta\beta$, & eundem cum ea habeat
terminū β . (Delineatio.) Et ducatur recta
 $\gamma\delta$. (Demonstratio.) Quoniā α γ recta est æ-
qualis rectæ $\alpha\delta$: etiam angulus $\alpha\gamma\delta$, erit æ-
qualis angulo $\alpha\delta\gamma$. verum angulus $\alpha\delta\gamma$,
maior est angulo $\delta\gamma\beta$: multò ergo angulus
 $\gamma\delta\beta$ maior est angulo $\delta\gamma\beta$. Item, quoniam
latius $\gamma\beta$, est æquale lateri $\delta\beta$: erit etiam an-
gulus $\gamma\delta\alpha$, angulo $\delta\gamma\beta$ æqualis. Verum ille
ipse angulus $\gamma\delta\alpha$ demonstratus est esse multò
maior angulo $\delta\gamma\beta$, quod est impossibile. (Co-
clusio.) Super eadem igitur recta, duabus eisdem re-
ctis, alia due rectæ æquales altera alteri: non statu-
entur ad aliud atq; aliud punctum, in easdem partes,
eosdem habentes terminos, quos lineæ primæ. Id
quod erat demonstrandum.

Propositio octaua. Theorema.

Si duo trianguli, duo latera duobus lateri-
bus habuerint æqualia alterum alteri, ha-
buerint verò etiam basin, æqualem basi: etiā
angu-

τὸν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἰσονέξει, τὸν οὐ τὸν
ἴσον εὐθύνη περιεχομένων.

Ἐκθεσις.) Εῖσω δύο τρί-
γωνα, τὰ αἴβι, δὲ, τὰς
δύο πλευρὰς τὰς αἴβι,
αἴγι, τὰς δύοις πλευραῖς
ταῖς δὲ, δὲ, τοῖς ἔχοντας
κάπεραν ἐκαλέρα, τὴν μὲν
αἴβι, τῇ δὲ τὰς αἴγι τῇ δὲ, ἔχετω ἡ καὶ βά-
σιν τὸν βῆμα, βάσος τῇ εἰς ἰσον. (Διορισμὸς.)
Λέγω ὅπι, καὶ γωνίαν τὸν βαῖγ, γωνία τῇ
ταῖον εἰδέχεται. (Καλασκόνη.) ΕΦαρμοζό-
μενα γὰρ αἴβι τριγώνα, ὅπι τὸ δὲ τρίγω-
νον, καὶ πιθεμένα τῷ μὲν βαῖσιν ὅπι τὸ εσ-
μένον, τῷ δὲ βῆμα εὐθείας ὅπι τὸ εἰς, ἐφαρμό-
σαι, Καὶ τὸ γε σμένον ὅπι τὸ εἰς: Άλλα τὸ ἴσην εἶναι
τὸ εἰς τῷ εἰς. (Απόδεξις.) ΕΦαρμοσάσης δὴ
τῷ βῆμα, ὅπι τὸ εἰς, ἐφαρμόζεσθαι, Καὶ βαῖσι, γὰρ,
ὅπι τὰς εἰδέ, δὲ, εἰς γὰρ βάσις μὲν ἡ βῆμα, ὅπι βά-
σιν τὸ εἰς ἐφαρμόσαι, αἱ δὲ βαῖσι, αἴγι πλευραὶ
ὅπι τὰς εἰδέ, δὲ, τοῖς ἐφαρμόζοντι, ἀλλὰ πα-
ραλλάξον, ὡς αἱ εἰη, τοῖς συνταθήσοντι) ὅπι τῆς
αὐτῆς



angulum angulo habebunt equarem, quem
equarem illæ lineæ rectæ continent.

Explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\delta\epsilon\zeta$: habentes duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$: duobus la-
teribus $\delta\epsilon$, $\delta\zeta$, equalia, alterum alteri, latus
scilicet $\alpha\beta$, equarem lateri $\delta\epsilon$: et latus $\alpha\gamma$, e-
quarem lateri $\delta\zeta$: item basim $\beta\gamma$, equarem ba-
si $\epsilon\zeta$. (*Explicatio quæstii.*) Dico quod an-
gulus $\beta\gamma$, sit eequalis angulo ad $\delta\zeta$. (*Deline-
atio.*) Quando enim triangulus $\alpha\beta\gamma$, appli-
catur triangulo $\delta\epsilon\zeta$, et punctum β , ponitur
super puncto ϵ : linea quoq; recta $\beta\gamma$, applica-
tur rectæ $\epsilon\zeta$: cum punctum γ , etiam applica-
bitur puncto ζ : quia recta $\beta\gamma$, est eequalis re-
cta $\epsilon\zeta$. (*Demonstratio.*) Quando verò recta
 $\beta\gamma$, applicatur recta $\epsilon\zeta$: applicabuntur etiā
rectæ $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, rectis $\delta\epsilon$, $\delta\zeta$. Si enim basis $\beta\gamma$,
applicatur basi $\epsilon\zeta$, et lata $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, non ap-
plicetur lateribus $\delta\epsilon$, $\delta\zeta$. Verū diuersum ha-
buerint sicū, ut rectæ $\epsilon\zeta$, $\eta\zeta$. Constituentur sus-

D per

αὐτῆς οὐθείας, δύσι ταῖς αὐταῖς οὐθείαις, ἀλλα δύο οὐθεῖαι ἵσμα, ἐκάπερ φένταέρα πέδος ἀλλα καὶ ἀλλα σημεῖω, εἰπὲ τὰ αὐτά μέρη, τὰ αὐτὰ πέρισσα ἔχοντα. Ωστε ταῖς αὐταῖς δὲ, σὸν ἄρχει φαρμοζομένης τῇ βῆ, Κάσσως ὅππι τὴν εἰς βάσιν, σὸν ἄφαρμόσχοι θεῖα βά, ἀγε
πλεύρην ὅππι τὰς εἰδῶν, δὲ τὸ φαρμόσχοι ἄρχει.
Ωστε καὶ γωνία ἡ παντούς, ὅππι γωνίαν τὴν
παντὸς εἰδῶν φαρμόσου, καὶ ἵση αὐτῇ εἶναι. (Συμ-
πέρασμα.) Εὰν ἄρχει δύο τρίγωνα τὰς δύο
πλεύρας ταῖς δυσὶ πλεύραις, ἵσμα ἔχη ἐκά-
περ φένταέρα, καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσιν ἵσην ἔ-
χει, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἵσην ἔχει, τὴν υ-
πὸ τῶν ἵσων οὐθεῖαν περιεχομένην. οὐδὲ εἴδε
δεῖξαι.

Πρότασις θ. Πρόβλημα.

ΤΗν δοθεῖσαν γωνίαν οὐθύγραμμον, δίχα
τεμεῖν.

Εκθεσις.) Εῖσω ἡ δοθεῖσα γωνία οὐθύγραμ-
μόθ, ἡ παντούς βάσις. (Διοργμὸς.) Δεῖ δῆλον
τὴν δίχα τεμεῖν. (Καλάσκοιη.) Εἰλήφθω ἐ-
πὶ τῆς ἀβ τυχὸν σημεῖον τὸ δ. καὶ ἀφηρή-
θω

per eadē linea recta, duabus eisdē rectis alia
duæ rectæ aequales altera alteri, ad aliud, atq;
aliud punc^tum, ad easdem partes, eosdem ha-
bentes terminos, quos linea prima. sed non
statuentur ad diuersum punc^tum. Quare fal-
sum est, quod applicata basi $\beta\gamma$, basi $\epsilon\zeta$: nos
applicetur $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, latera, lateribus $\epsilon\delta$, $\delta\gamma$.
applicabuncur ergo. Vnde sequitur, quod an-
gulus $\beta\alpha\gamma$, applicabitur angulo $\epsilon\delta\zeta$, et ei e-
rit aequalis. (Conclusio.) Si igitur duo tri-
anguli, duo latera duobus lateribus habue-
rint aequalia alterum alteri: habuerint verò
etiam basim basi aequalem: etiam angulum
angulo habebunt aequalem, quem aequales il-
le rectæ linea continent. Id quod erat demon-
strandum.

Propositio nona. Problema.

Datum angulū rectilineū per medium
secare, vel in duas partes aequales secare.

(*Explicatio dati.*) Sit datus angulus recti-
lineus $\beta\alpha\gamma$. (*Explicatio quesiti.*) Angulus
 $\beta\alpha\gamma$ secādus est in duas partes aequales. (*De-
finicⁱo.*) Sumatur in linea $\alpha\beta$, punc^tum quod-

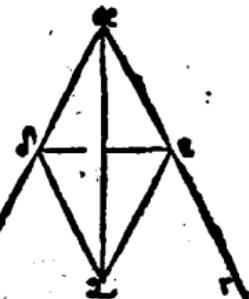
θωάπτω τῆς ἄγ, τῇ αδῃ
ἴση, η ἀε, καὶ ἐπεζύχθω
η δέ, καὶ σωεσάλιω πέπι τὸ^τ
δέ τοιγάνον ισόπλαστον,
τὸ στέρ, καὶ ἐπεζύχθω
η ἄλι. (Διορυσμὸς τὸ καλα
σκόμης.) Λέγω ὅτι η ὑ-

πὸ βαγ γωνία δίχα τέτμη) τὸν τὸν ἄλι δι-
θείας. (Απόδεξις.) Επεὶ γὰρ οὐδὲν η αδ,
τῇ αε, καὶ τῇ η ἄλι, σύνο δὴ αἱ στέρ, ἄλι, σύνο
ταῖς ἔα, ἄλι, οὐκ εἰσιν ἐκάπερα ἐκάβερα. καὶ βά-
σις η στέρ, βάσις τῇ εὐθὺον εἰτι. γωνία ἀρχή η ὑ-
πὸ στέρ, γωνία τῇ τὸν βαγ, εἰτινον. (Συμ-
πέρεια(μα) Η ἀρχὴ στοθεῖσαι γωνία διθύ-
χαριμ(θ)η τὸν βαγ, δίχα τέτμηται υ-
πὸ τὸν ἄλι διθείας. οὐδὲ οὐδὲ ποιῆσαι.

Προστις. Πράβλημα

ΤΗν στοθεῖσαι διθεῖα πεπερισμένω,
δίχα πειν.

Εκθεσις.) Εινα η στοθεῖσαι διθεῖα πεπερισ-
μένη, η ἀβ. (Διορυσμὸς.) Δεῖ στὴ τινα ἄν, στέ-
ρχα πειν. (Καλασκόμη.) Σωεσάτω επ' αὐ-
τῆς



nis α , & collatur ex linea ay , linea ad æqualis recta linea ae : postea ducatur linea de : & statuatur super linea de , triangulus equilaterus $d\bar{e}e$: deniq^{ue} ducatur linea al^2 . (Explicatio iam facta delineationis.) Dico quod linea al^2 , in duas partes æquales secet angulum Bay . (Demonstratio.) Quoniam recta ad , æqualis est rectæ ae , et communis fit recta al^2 : idcirco duo latera da , al^2 , duobus lateribus ea , al^2 , sunt æqualia alterum alteri: & basis $d\bar{e}e$ æqualis basi el^2 . Angulus igitur dal^2 , angulo eal^2 est æqualis. (Conclusio.) Datus igitur angulus rectilineus Bay , per linsem remam al^2 , est dissecatus in duas partes æquales. Id quod faciendum erat.

Propositio decima. Problema.

DAtam lineam rectam finitam in duas partes æquales secare.

Explicatio dati.) Sit data linea recta finita $a\beta$. (Explicatio quesiti.) Linea recta finita $a\beta$, dissecanda est in duas partes æquales. (Delineatio.) Statuatur super recta

D 3 a β .

τῆς τρίγωνον ἴσοπλαντρον
τὸ ἀβγ, καὶ τομήθω ἡ υ-
πὸ ἀβγ, γωνία δίχα, τῇ
ὑδ εὐθεία. (Διορισμὸς τὸ^ς
κατασκευῆς.) Λέγω ὅπερ
ἀβ εὐθεία, δίχα τέτμη^{ται}
καὶ τὸ δ σημεῖον. (Απόδεξις.) Εῶσι γδὲ οι-
κεῖν ἡ ἀγ, τῇ γέ, κφινὴ δὲ ἡ υδ, δύο δὴ αἱ αγ,
ὑδ, δύσιταις γέ, υδ, ἵσαν εἰσὶν ἐκάτεραι ἑκα-
τέραι, καὶ γωνία ἡ υπὸ ἀγδ, γωνία τῇ υπὸ^{το}
βγδ εἰσὶν ίση. Βάσις ἄρα ἡ αδ, βάσις τῇ βδ
εἰσὶν ίση. (Συμπέρασμα.) Η ἄρα διορισθε-
ίσθεια πεπερασμένη ἡ ἀβ, δίχα τέτμηται
κατὰ τὸ δ. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις ια. πρόβλημα.

ΤΗ δοθείσῃ εὐθεία, διπλὸς πέδος αὐτῇ δο-
θεῖται σημείος, πέδος ὁρθὰς γωνίας, εὐθεί-
ας γε αμφιλιώταγεν.

Εκθεσις.) Εἶναι ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεία, ἡ γέ,
τὸ δὲ δοθεν σημεῖον εἴστω αὐτῆς, τὸ γ. (Διο-
ρισμὸς.) Δεῦ δὴ ἀπὸ τῆς γ σημεῖος, τῇ ἀβ εὐ-
θείᾳ, πέδος ὁρθὰς γωνίας εὐθείαν γε αμφιλιώ-
ταγεν.

\triangle triangulus equilaterus $\alpha\beta\gamma$: & secetur angulus $\alpha\beta\gamma$ in duas partes aequales, per lineam rectam $\gamma\delta$. (Explicatio factæ delineationis) Dico quod recta $\alpha\delta$, secta sit in duas partes aequales in punto δ . (Demonstratio.) Quoniam recta $\alpha\gamma$, est aequalis rectæ $\gamma\beta$, & communis recta $\gamma\delta$: duo igitur latera $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ duobus lateribus $\beta\gamma$, $\gamma\delta$ sunt aequalia alterum alteri, & angulus $\alpha\gamma\delta$, est aequalis angulo $\beta\gamma\delta$. Ergo basis $\alpha\delta$, est aequalis basi $\beta\delta$; (Conclusio.) Data igitur linea recta finita, $\alpha\beta$, secta est in duas partes aequales in punto δ . Id quod faciendum erat.

Propositio undecima. Problema.

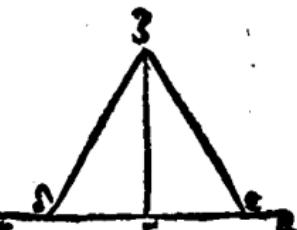
Data linea recte, à dato in ea punto: ducere lineam rectam ad angulos rectos, id est, rectos faciente in angulos.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$, & datum in ea pūctum γ . (Explicatio questi.) Ducenda est à punto γ , linea recta re-

ἀραγεν. (Καλασκόνη.)

Εἰλήφθω ὅπλον τὸ διάστημα, τυχὸν σημεῖον τὸ δέ, καὶ κείθω τῇ γραμμῇ, ηγε, καὶ συνεστῶ ὅπλον δὲ τρίγωνον ἵστορον τὸ γέδε, καὶ

ἐπεζύχθω ηγγ. (Διορθωμὸς τῆς καλασκόνης.) Λέγω ὅπτη δοθείσῃ σύθεια τῇ αβ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου τῷ γ, πρὸς ὅρθὰς γωνίας ἐυθεῖα χραμψὴ τῆλαιη ηγγ. (Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ ιστεῖν ηδὴ, τῇ γε, καὶ τὴ δὲ ηγγ, δύο δὴ αἱ δύ, γράμνουσι ταῖς ηγγ, γράμναις εἰσὶν, ἐκάπερα ἐκάλερα, Καὶ βάσις η δέ, βάσις τῇ ηγγ ιστεῖ. γωνία ἄρα η ὑπὸ δύο γράμναις τῇ ὑπὸ ηγγ, ιστεῖ, καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς. ὅταν δὲ ἐυθεῖα ἐτίθεται συνθέτου, ταῖς ἐφεξῆς γωνίας, οὓς ἀλλήλας ποιή, ὅρθη ηγγιν ἐκάλερα τῶν οὖσαν γωνιῶν. ὅρθη ἄρα ηγγιν ἐκάλερα, τῶν ὑπὸ δύο γράμναις. (Συμπέρασμα.) Τῇ ἄρα δοθείσῃ ἐυθεῖα τῇ αβ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου τῷ γ, πρὸς ὅρθὰς γωνίας ἐυθεῖα χραμψὴ τῆλαιη, ηγγ. ὅπερ ἔδει ποιεῖσθαι.



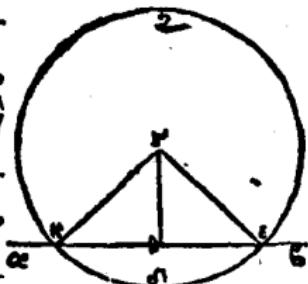
dos faciens angulos cum linea $\alpha\beta$. (Delineatio.) Sumatur in linea $\alpha\gamma$, quodvis punctum δ : & fiat linea $\gamma\delta$, equalis linea $\gamma\epsilon$. Et statuatur super linea $\delta\epsilon$, triangulus equilaterus $\delta\gamma\epsilon$. deniq^{ue} ducatur recta $\gamma\zeta$. (Explicatio factae delineationis.) Dico, q^{uia} data linea recta $\alpha\beta$, à dato in ea pūcto γ , ad angulos rectos ducta sit recta linea $\gamma\zeta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\delta\gamma$, est equalis rectæ $\gamma\epsilon$, communis verò recta $\gamma\zeta$. Duo igitur latera $\delta\gamma$, $\delta\zeta$ duobus lateribus $\epsilon\gamma$, $\gamma\zeta$ sunt aequalia alteram alteri, & basis $\delta\zeta$, equalis est basis $\epsilon\zeta$. ergo angulus $\delta\gamma\zeta$, equalis est angulo $\epsilon\gamma\zeta$. (Et sunt iⁿ vicini, id est, vicini) Quando verò recta super rectam stans, angulos vicinos aequales fecerit inter se: vterq^{ue} aequalium angularum est rectus. Ergo uterq^{ue} angularum $\delta\gamma\zeta\gamma\epsilon$, est rectus. (Conclusio.) Data igitur linea recta $\alpha\beta$, à dato, quod in ea est pūcto γ : ad angulos rectos ducta est recta $\gamma\zeta$. Id quod faciendum erat.

Πρότασις ιβ. περίβλημα.

Επὶ τῷ δοθεῖσσαν ἐυθεῖαν ἄποδρον, διπο' τῷ
δοθέντῳ σημείῳ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κά-
τετον ἐυθεῖαν χραμμίων ἀγαγεῖν.

Ἐκθεσις.) Εἰσώ η μὲν δοθεῖσσα ἐυθεῖα ἄπο-
δοτό, η ἀβ., τὸ δὲ δοθέν σημεῖον ὃ μὴ ἔστιν ἐπ'
αὐτῆς, τὸ γ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ ἅπει τῷ
δοθεῖσσαν ἐυθεῖαν ἄποδρον τῷ ἀβ., διπο' τῷ
δοθέντος σημείῳ τῷ γ, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτό, κάθε-
τον ἐυθεῖαν χραμμίων ἀγαγεῖν. (Κατεύθυντος)

Εἰλήφθω γὰρ ἅπει τὰ ἔτε-
ρα μέρη τῆς ἀβ ἐυθείας,
τυχὸν σημεῖον τὸ δ. καὶ
κέντρω μὲν τῷ γ, διαση-
μάτι δὲ τῷ γδ, κύκλον
περιγράφω ὁ εὖλος, καὶ πε-



τμήμα η ἐπ δίχακο τὸ θ. καὶ ἐπεξεύχθωσαν
αἱ γη, γθ, γε. (Διορισμὸς τῆς κατασκευῆς.)
Λέγω ὅπ π ἅπει τῷ δοθεῖσσαν ἐυθεῖαν ἄποδρον
τῷ ἀβ, ἀπὸ τῷ δοθέντῳ σημείῳ τῷ γ, ὃ μὴ
ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον τῷ γηλαγη γθ. (Από-
δικτις.) Επει γὰρ οὐ εἰνὶ οὐδὲ τῇ θε, καὶ νὴ δὲ
οἱ θη,

Proposicio duodecima. Problema.

AD lineam rectam datā infinitam, à dato puncto, quod in ea non est, perpendicularē rectam lineam ducere.

Explicatio dati.) Sit data linea recta infinita $a\beta$, & punctum quod in ea non est datum γ . (*Explicatio questi.*) A punto dato γ , ad datam lineam rectam infinitam $a\beta$: ducenda est linea recta perpendicularis. *Delineatio.)* Sumatur ex altera parte linea $a\beta$, punctum quodvis δ : & centro γ , intervallo $\gamma\delta$, describatur circulus $\epsilon\zeta\eta$, secans lineam $a\beta$, in punctis ϵ , & η . Postea dissecetur linea recta $a\eta$, in duas partes aequales in punto θ . & ducantur linea $\gamma\eta$, $\gamma\theta$, $\gamma\epsilon$. (*Explicatio iunctae delineationis.*) Dico quod ad lineam rectam datā infinitam $a\beta$, à punto γ dato, quod in ea non est, perpendicularis ducta sit recta linea $\gamma\theta$. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\eta\theta$, aequalis est recta $\delta\epsilon$: & communis recta

ἢ θῆ, δύο δὴ αἱ ἡθ., θῆ, δύοις ταῖς εἴθ., θῆ, ἵση
εἰσὶν ἐκάπερα ἐκάλεσσα, καὶ βάσις ἡ γῆ, οὐδὲ
τῇ γῇ, εἰς τὸν ἴση. γωνία ἀρχή τοῦ γῆθη, γω-
νία τῇ τοῦ ἑδῆ εἰς τὸν ἴση. καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς.
ὅταν δὲ εἰς θεῖα ἐτῷ ἐνθεῖαιαν συνθέσσαι, τὰς ἐ-
φεξῆς γωνίας ἵσης ἀλλήλαις ποιῆι, ὅρθη ε-
σὶν ἐκάπερα τοῖσαν γωνιῶν. καὶ οὐκέτι εφετηκῆσε
ἐνθεῖα, κάθετοι καλεῖται εἰς φέγγην εφετηκέν.
(Συμπέρασμα.) Επεὶ τὸν δοθεῖται ἄρτι
ἐνθεῖαιαν ἀπόρον, τίκου ἄν, ἀπὸ τοῦ δοθέντοῦ
οπιμεῖς τῷ γῇ, δημητρίου εἰς τὸν αὐτῆς, κάθετοι
τοκίαις ηγετοῦ. οὐδὲ εἶδε ποιῆσαι.

Πρότασις εγ. Θεόφραστος.

ΩΣ αὐτὸν θεῖα ἐστὶ οὐθεῖαν συμβοῖσι, γω-
νίας ποιῆι, ηγετού δύο ὄρθας, ηδὲ δυστὸν ὄρθας
ἴσιας ποιήσει.

Εκθεσις.) Εύθετα γὰρ
τις ἡ ἀβ, ἐπ' εὐθείαν τὴν
ὑδ σεβεῖσσα, γωνίας ποιή-
τω. τὰς ψευδόγωνας ἄρδ.

(Διορισμὸς) Λέγω ὅπερ
αἱ γῆποντες, αἴδη, γενε-



recta $\gamma\delta$. ergo duo latera $\gamma\beta$, $\delta\alpha$, duobus lateribus $\epsilon\beta$, $\epsilon\delta$, sunt aequalia alterum alteris
& basi $\gamma\alpha$, basi $\beta\delta$, est & equalis. quare angulus $\gamma\theta\alpha$, angulo $\epsilon\theta\delta$ equalis: & sunt vicini. Quando vero recta super rectam stans,
angulos vicinos aequales inter se fecerit: verq; equalium illorum angulorum est rectus,
& recta super rectam stans, perpendicularis ad eam dicitur. (Conclusio.) Ad datam igitur
lineam rectam infinitam $\alpha\beta$, à puncto γ dato quod in ea non est: perpendicularis ducta
est recta $\gamma\theta$. Id quod faciendum erat.

Propositio decima tercia: Theorema.

VT ut recta super rectam stans, angulos fecerit: vel duos rectos, vel
duobus rectis aequales eos faciet.

Explicatio dati.) Recta quedam $\alpha\beta$, stans
super rectam $\gamma\delta$, faciat angulos $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\delta$.
Explicatio q̄sini.) Dico q̄ anguli $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\delta$,

vel

νίαν ή δύο ὄρθαι εἰσὶν, ηδὲ δυσὶν ὄρθαις ἵστη.
 (Καβάσιμη.) Εἰ μὲν ἐν τοῖς ἑταῖροις ηδὲ γένεσι,
 τῇ πάσῃ αἴρεται, δύο ὄρθαι εἰσὶν. εἰ δέ τοι, οὐχ θέλει
 αἴρει τῷ βοηθείᾳ τῇ γένει πέποιθας, ηδὲ βέ. αἴ-
 ρει τὸ γένειον, εἴρεται, δύο ὄρθαι εἰσὶ. Κέπτεται η-
 γένειον δυσὶ ταῖς πάσῃ γένει, αἴρεται τοῖς
 αἴρεται γένει, εἴρεται. αἴρεται γένει, εἴρεται,
 εἰσὶν ἴση. πάλιν ἔτεται ηδὲ πάσῃ δύται δυσὶ ταῖς
 πάσῃ δύται, εἴρεται τοῖς πάσῃ γένει, αἴρεται, εἴρεται,
 εἰσὶν γένει. αἴρεται γένει, αἴρεται γένει, αἴρεται γένει,
 προστίταις πάσῃ δύται, εἴρεται, αἴρεται γένει εἰσὶν. εδέι-
 χθησαν δέ, καὶ αἱ πάσαι γένει, εἴρεται, προστίταις
 αὐταῖς ἴση. τὰ δέ ταῦτα αἴτιοι εἰσὶ, καὶ ἀλλή-
 λοις εἰσὶν ἴση. καὶ αἱ ὑπόγενει, εἴρεται, ταῖς
 ὑπόδυται, αἴρεται, ἴση εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ ὑπόγενει,
 εἴρεται, δύο ὄρθαι εἰσὶ, καὶ αἱ ὑπόδυται, αἴρεται γέ-
 νει δυσὶν ὄρθαις ἴση εἰσὶν. (Συμπτώματα.)
 Ως ἀνάργετα εὐθεῖα εἰσται εὐθεῖαν εὐθεῖαν γενι-
 οις ποιεῖ, ητοι δύο ὄρθαις, ηδὲ δυσὶν ὄρθαις ἴσης
 ποιεῖσθαι. ἀνάργετα εὐθεῖαν γενι-

πρέ-

vel sint duo recti, vel duobus rectis aequales.
Delineatio cū hypothesi.) Si igitur angulus
 $\gamma\beta\alpha$, aequalis est angulo $\alpha\beta\delta$: tum sunt duo
recti. quod si verò non, tum ducatur à punto
 β , recta linea $\gamma\delta$, ad angulos rectos linea re-
cta $\alpha\gamma$. (Demonstratio.) Anguli igitur $\gamma\beta\epsilon$,
 $\epsilon\beta\delta$ sunt duo recti. & cum angulus $\gamma\beta\epsilon$, sit
aequalis duobus angulis $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\epsilon$. Commu-
nus addatur angulus $\epsilon\beta\delta$. quare duo anguli
 $\gamma\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$, tribus angulis $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$,
sunt aequales. Rursus quoniam angulus $\delta\gamma\alpha$
aequalis est duobus angulis $\delta\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\alpha$, commu-
nus addatur angulus $\alpha\beta\gamma$. anguli igitur $\delta\gamma\alpha$,
 $\alpha\beta\gamma$, tribus angulis $\delta\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\alpha$, $\alpha\beta\gamma$ sunt a-
equales. Verum demonstratum est, angulos
 $\gamma\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$ tribus ijsdem angulis esse aequales.
Quæ verò eidē sunt aequalia, illa inter se sunt
aequalia. ergo anguli $\gamma\beta\epsilon$, $\epsilon\beta\delta$, sunt duobus
angulis $\delta\beta\alpha$, $\alpha\beta\gamma$, aequales. sed anguli $\gamma\beta\epsilon$,
 $\epsilon\beta\delta$, sunt duo recti: ergo $\delta\gamma\alpha$, $\alpha\beta\gamma$, anguli,
sunt aequales duobus rectis. (Cōclusio.) Ut ut
igitur recta super recta stans, fecerit angulos: vel
duos rectos, vel duobus rectis aequales faciet. Id quod
erat demonstrandum.

Πρότασις ιδ. θέωρημα.

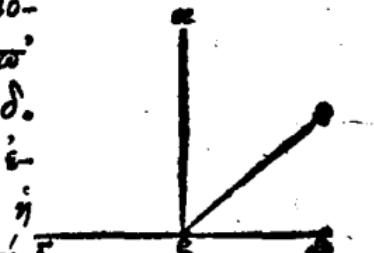
ΕΑν τρόπος πνι ευθεῖα, Ε τῷ πξὸς αὐτῇ σημείῳ. δύο εὐθεῖαι μὴ ὅπῃ τὰ ἀντὶα μέρη κείμεναι, τὰς ἐΦεξῆς γωνίας, δυσὶν ὄρθαις ἴσσαις ποιῶσιν, ἐτείσεις εονται, ἀλληλαις αἱ εὐθεῖαι.

Εκθεσις.) Πρὸς γὺνι εὐθεῖα τῇ ἄβ, καὶ τῷ πξὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ β, δύο εὐθεῖαι αἱ βγ, Κδ, μὴ ὅπῃ τὰ αντὶα μέρη κείμεναι, τὰς ἐΦεξῆς γωνίας τὰς ὑπὸ ἄβγ, ἄβδ, δύσιν ὄρθαις ἴσσαις ποιείτωσιν. (Διο-

ρισμὸς.) Λέγω ὅτι εἰπώ
εὐθείας ἐσὶ τῇ γβ ή βδ.

Καλασκεψή.) Εἰ γὺν μὴ ε-
σὶ τῇ βγ ἐτείσεις εὐθείας ή
βδ, εἴτω τῇ γβ ἐπ' εὐθεί-

ας ή βε. (Ἀπόδεξις.) Επειδὴν εὐθεία η ἄβ,
ἐτείσεις τὴν γβε ἐφέσηκεν, αἱ ἄραι ὑπὸ¹
ἄβγ, ἄβε γωνίαι, δυσὶν ὄρθαις ἴσαι εἰσιν. αἱ-
σι δὲ καὶ αἱ ὑπὸ ἄβγ, ἄβδ, δύσιν ὄρθαις ἴσαι,
αἱ ἄραι ὑπὸ γβα, ἄβε, τὰς ὑπὸ γβά, ἄβδ
ἴσαι εἰσὶ καὶ ἡ ἀφηρήσθω, η ὑπὸ ἄβγ, λοι-



Propositio decimaquarta. Theorema.

Si ad lineam quandam rectā, & pun-
ctum in ea datum, duæ recte non in
eadem partē sitæ, angulos ($\angle \Phi \varepsilon \eta \varsigma$)
vicinos, duobus rectis angulis æqua-
les fecerint: duæ istæ rectæ in' $\Delta \Theta \alpha \varsigma$,
altera alteri erunt.

Explicatio dati.) Nam ad lineam quandam rectam $\alpha\beta$: & ad punctum in ea datum C : duas rectas lineas $\beta\gamma$, $\gamma\delta$, non in easdem partes sitae faciant angulos $\epsilon\Phi\epsilon\xi\gamma\varsigma$ (vicinos) $\alpha\beta\gamma$, $\alpha\beta\delta$, aequales duobus angulis rectis. (*Explicatio quesiti.*) Dico quod recta $\gamma\beta$, sit in $\alpha\beta$ recta $\beta\delta$. (*Delineatio.*) Si enim $\gamma\beta$ non est in $\alpha\beta$ recta $\beta\delta$: sit recta $\beta\epsilon$, recta $\gamma\beta$, in $\alpha\beta$. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\alpha\beta$, constituta est super recta $\gamma\beta$: anguli igitur $\alpha\beta\gamma$, $\alpha\beta\epsilon$, sunt aequales duobus rectis. Verum anguli $\alpha\beta\gamma$, $\alpha\beta\delta$ etiam sunt aequales duobus rectis, anguli igitur $\gamma\beta\alpha$, $\gamma\beta\delta$, angulos $\gamma\beta\alpha$, $\alpha\beta\delta$ sunt aequales. Com- mutatis auferatur angulus $\alpha\beta\gamma$. reliquis igit-

E sin

τη̄ ἀρχή ω̄σθ̄ ἀβε, λοιπὴ τῇ ω̄σθ̄ ἀβδ̄ ε-
σὶν ἵση ἡ ἐλάσσων τῇ μείζονι. οὐδὲ ἐσὶν ἀδύ-
νατον, τὸν ἀρχέων δίθείας ἐσὶν ἡ βε, τῇ βγ.
όμοιώς δὴ δεῖξομεν, ὅπερ δὲ ἄλλη τὶς, πλιν
ἡ βδ. (Συμπέρασμα.) Επ' δίθείας ἀρχέ-
σὶν ἡ γβ, τῇ βδ. Εὰν ἀρχα πεός πνι δίθεία, Ε-
ταὶ πεός αὐτῇ σημείῳ, δύο δίθείαι μὴ ὅππι τὰ
αὐτὰ μέρη κέιμεναι, τὰς εφεξῆς γωνίας δυ-
σὶν ὥρθαις ἵσται ποιῶσιν, επ' δίθείας ἔσουσι
ἄλληλαις αἱ δίθείαι. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις ιε. Θεώρημα.

ΕΑν δύο δίθείαι τέμνωσιν ἄλλήλαις, τὰς
κατὰ κορυφὴν γωνίας, ἵσται ἄλληλαις
ποιήσοσι.

Εκθεσις.) Δυοὶ γὰρ δίθείαι αἱ ἀβ, γδ, πρ-
νέσθωσιν ἄλλήλαις καὶ τὸ ε σημεῖον. (Διορίσ-
μος.) Λέγω ὅπι ἵση ἐσὶν ἡ ε
μὲν ω̄σθ̄ ἀεγ γωνία, τῇ
ω̄σθ̄ δεδ, η δὲ ω̄σθ̄ γεδ,
τῇ ω̄σθ̄ ἀεδ. (Απόδει-
ξις.) Επὶ γὰρ ἐνθεῖα ἡ
εδ, ἐπ' ἐνθείαν τὴν γδ ε

εφενη

et angulus $\alpha\beta\varepsilon$, reliquo angulo $\alpha\beta\delta$ est aequalis, minor maiori, quod est impossibile. Quare recta $\beta\varepsilon$, non est in' euθείας recta $\beta\gamma$. Similiter etiam demonstrabimus, quod nulla alia præter rectam $\beta\delta$, sit in' euθείας recta $\gamma\beta$. (Conclusio.) Ergo recta $\gamma\beta$, est in' euθείας recta $\beta\delta$. Si igitur ad lineam quandam rectam, & punctum in ea datum, due rectæ non in easdem partes sitæ angulos iΦεξης, duobus rectis angulis fecerint aequales: due istæ rectæ in' euθείας erunt altera alteri. Id quod erat demonstrandum.

Proposicio decimaquinta. Theorema.

Si due lineæ rectæ, se se mutuo secant; faciēt angulos ad verticem inter se aequales.

Explicatio dari.) Due linea rectæ enim $\alpha\beta$, $\gamma\delta$; se se mutuo secant in punto e. (Explicatio quæstionis) Dico quod angulus $\alpha\gamma$, angulo $\delta\beta$ sit aequalis, & angulus $\gamma\beta$, angulo $\alpha\delta$ etiam aequalis. (Demonstratio.) Quando rectæ as, super recta $\gamma\delta$, constituta est,

ἐφέσηκε, γυνίας τοιχοῖς τὰς ἵππον γεα, αεδ,
αἱ ἄρχαι ἵππον γεα, αεδ γυνίας δυσὶν ὄρθαις
ἴσουμεῖσι. τάλιν ἐπειδὲ εὐθεῖα ηδὲ, ἐπειδὲ εὐθεῖ-
αν τῶν ἀβέφεσηκε, γυνίας τοιχοῖς τὰς ὑ-
πὸ αεδ, δεβ. αἱ ἄρχαι ἵππον αεδ, δεβ γυνίας,
δυσὶν ὄρθαις ίσουμεῖσιν. ἐδείχθησαν γέ καὶ αἱ
ὑπὸ γεα, αεδ, δυσὶν ὄρθαις ίσουμ. αἱ ἄρχαι ὑπὸ^τ
γεα, αεδ, ταῦς υπὸ αεδ, δεβ, ίσουμεῖσι. καὶ νῆ
ἀφηρήθω ἡ υπὸ αεδ, λοιπὴ ἄρχαι ὑπὸ γεα,
λοιπὴ τῇ υπὸ βεδίσιν εἰν. ὄμοίως δὴ δειχ-
θήσεται, ὅπερ καὶ υπὸ γεβ, δεα, ίσουμεῖσιν.
(Συμπέρασμα) Εὰν ἄρχα δύο εὐθεῖα τέμ-
νωσιν ἀλλήλας, τὰς κατ' χερυφλεω γυνίας ίσους
ἀλλήλας τοιχοῖς. ὅπερ ἐδείξαμε.

Πόρισμα. Εκ δὴ τάτα φανερὸν ὅπερ καὶ οὔτε
τὸν εὐθεῖα τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς προς
τῇ τομῇ γυνίας τετράσιν ὄρθαις ίσους τοιχοῖς.

Πρότασις 15. Θεώρημα.

ΠΑΝΤΟΣ ΤΡΙΓΩΝΟΥ ΜΙᾶς Τῶν ΤΑΛΦΥΡΩΝ ΣΧΕ-
ΤΙΚΗ ΤΕΙΣΟΥΣ, η ἀκλίσης γυνία, ἐκατέρας τῶν
ἔντος καὶ ἀπ' ἀνωτίον μετίζων εἰσίν.

Εκθε-

¶ facit angulos $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$. anguli igitur $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, duobus rectis sunt aequales. Item quoni-
am recta $\delta\epsilon$, super recta $\alpha\beta$ est constituta, fa-
ciatq; angulos $\alpha\delta$, $\delta\beta$, anguli igitur $\alpha\delta$, $\delta\beta$, sunt aequales duobus rectis. Verum an-
guli $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ duobus rectis sunt aequales.
quare duo anguli $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, sunt aequales du-
obus angulis $\alpha\delta$, $\delta\beta$. Communis auferatur
angulus $\alpha\delta$. reliquus igitur angulus $\gamma\alpha$,
reliquo angulo $\beta\delta$ est aequalis. Simili de-
monstracione probabimus angulum $\gamma\beta$, an-
gulo $\delta\alpha$ esse aequalem. (Conclusio.) Si igitur
duae rectae se se mutuo secant: facient angulos
ad verticem inter se aequales. Id quod erat
demonstrandum.

Corolarium. Ex hoc est manifestum, quod
quaecunq; linea recta se se mutuo secant, fac-
iunt angulos ad punctum sectionis quatuor
rectis aequales.

Propositio decimasexta. Theorema.

OMnis trianguli, uno ex lateribus pro-
tracto: angulus extraneus, utroque eorum,
qui intra triangulum sunt, quibus ipse op-
ponitur, est maior.

Εκθεσις.) Ενώ τρίγωνον, τὸ ἄβγ, καὶ περιστεχθε-
βλήματα αὐτῷ μία πλά-
ρα ἡ βγ, σῆπε τὸ δ. (Διο-
ρυσμὸς.) Λέγω ὅτι ἡ ἀκ-
τὸς γωνία ἡ τῶν ἀγδ,

μείζων ἐστὶν ἐκατέρας τὸν ἄπεναντίον τὸ
ὑπὸ γβα, βαγ γωνιῶν. (Κατασκόπη.) Τετ-
μήματα ἡ ἀγδίχα κατὰ τὸ ε, καὶ σῆπιζόμενα-
τη βεῖσιν ἡ ε, καὶ ἐπεζόμενα ἡ γ. καὶ δι-
ήχθω ἡ ἀγ, σῆπε τὸ η. (Απόδειξις) Επεὶ δὲ
ἴση ἐστὶν ἡ μὲν αε, τῇ εγ. ἡ δὲ βε, τῇ εζ. δύο δὴ
αὶ αε, εε, δυσὶ ταῦς γε, εζίσιμη εἰσὶν ἐκάτερα
ἐκατέρα, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ αεβ, γωνία τῇ υ-
πὸ γεγίσηται. κατὰ κερυφίων γὰρ. βάσις
ἄρα ἡ αβ, βάσις τῇ γεγίσηται. καὶ τὸ αβε τρί-
γωνον, τῷ γεγ τριγώνῳ ἐστὶν ίσον, καὶ αἱ λοι-
παὶ γωνίαι, ταῦς λοιπαῖς γωνίαις ίσαι εἰσὶν
ἐκάτερα ἐκατέρα ὑφέσις αἱ ίσαι πλάνυραι ὑπὸ^{το}
γίνουσιν. ίση ἀρρεῖστιν ἡ ὑπὸ βαε, τῇ υπὸ εγγ.
μείζων δὲ ἐστὶν ἡ ὑπὸ εγδ, τῇ υπὸ εγγ. μείζων
αεα

Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, & protrahatur latus eius $\beta\gamma$, ad punctum δ .
(Explicatio quesiti.) Dico quod angulus $\alpha\beta\delta$, est maior angulo $\gamma\beta\alpha$, interno sibi opposito: & maior angulo $\beta\alpha\gamma$, interno sibi opposito.
(Delineatio.) Difsecetur latus $\alpha\gamma$, in duas partes aequales in punto ϵ . deinde ducatur linea $\beta\epsilon$, & producatur ad punctum ζ . Fiat etiam linea $\beta\epsilon$, aequalis linea $\epsilon\zeta$. deniq; ducatur linea $\zeta\gamma$, & extendatur recta $\alpha\gamma$, ad punctum $vsg\eta$.
(Demonstratio.) Quoniam recta $\alpha\epsilon$, aequalis est recta $\epsilon\gamma$: & recta $\beta\epsilon$, aequalis recta $\epsilon\zeta$. duo igitur latera $\alpha\epsilon$, $\epsilon\beta$ duobus lateribus $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$ sunt aequalia alterum alteri, & angulus $\alpha\beta\epsilon$, aequalis est angulo $\zeta\epsilon\gamma$. quia sunt anguli ad verticem. Basis igitur $\alpha\beta$, basi $\zeta\gamma$ erit aequalis, & triangulus $\alpha\beta\epsilon$, aequalis erit triangulo $\zeta\epsilon\gamma$: & reliqui anguli, reliquis angulis sunt aequales alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt. itaq; angulus $\beta\alpha\epsilon$, aequalis est angulo $\epsilon\gamma\zeta$. Verum angulus $\epsilon\gamma\delta$, maior est angulo $\epsilon\gamma\zeta$. quare angulus $\alpha\gamma\delta$, angulo $\beta\alpha\epsilon$

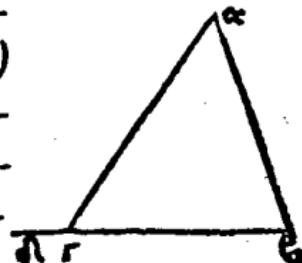
προσήν υπὸ ἀγδὲ τὸ υπὸ βάσε. ὁμοίως δὲ καὶ βῆ
πλημμένης δίχα, δειχθόσειαι καὶ υπὸ βῆ.
τύλεσιν τὸ υπὸ ἀγδὲ, μείζων καὶ τὸ υπὸ ἀβγ. (Συμπέρασμα.) Παντὸς ἀριτριγώνου μι-
ᾶς τῶν πλευρῶν περισσεκβληθείσας, η̄ ἐκτὸς
γωνία, ἐκαλέρας τῶν ἐντὸς ἐπεναυλίου μεί-
ζων εἰς τὸν ὄπεδον δεῖξεν.

Πρότασις 12. Γεώργημα.

ΠΑΝΤΟΣ ΤΡΙΓΩΝΟΥ ΑΙ ΔΥΟ ΓΩΝΙΑΙ, ΔΥΟ ΟΡΘῶν
ΕΛΆΣΤΟΝΕΣ ΕΙΣΙ, ΣΑΝΤΗ ΜΕΓΑΛΑΜΒΑΝΟ-
ΜΦΑΙ.

Εκθεσις.) Εῖναι τρίγω-
νον, τὸ ἀβγ. (Διορισμὸς.)
Αέγω ὅπερ ἐπὶ ἀβγ, τριγώ-
νον αἱ δύο γωνίαι δύο ορ-
θῶν ελάστονες εἰσι, πάν-
τη μεγαλαμβανόμεναι.

(Καλάσκοδη.) Εκβεβλήθω γὰρ η̄ βῆ, ὅπερ τὸ
δ. (Απόδεξις.) Καὶ εἰπὲ τριγώνον ἐπὶ ἀβγ ἐκ-
τὸς ἐπιγωνία η̄ υπὸ αγδὲ, μείζων εἰς τὸν ἐντὸς
καὶ ἀπὸ ἐναυλίου, τῆς υπὸ αβγ. κεινὴ περι-
κύλωται, η̄ υπὸ αγδὲ. οἱ ἀρχεὶ υπὸ αγδὲ, αγδὲ,
τῶν



niam est maior. Similiter demonstrabitur quando recta $\beta\gamma$, diffusa fuerit in duas partes *equales*: quod angulus $\beta\gamma\eta$, hoc est, angulus $\alpha\gamma\delta$ maior sit angulo $\alpha\beta\gamma$. (Conclusio.) Omnis igitur trianguli uno ex lateribus protracto: externeus angulus, veroque eorum, qui intra triangulum sunt, quibus ipse opponitur est maior. Id quod erat demonstrandum.

Proposicio decimaseptima. Theorema.

OMnis trianguli, quiuis duo anguli: duobus rectis angulis sunt minores.

Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$.
(Explicatio quesiti) Dico quod trianguli $\alpha\beta\gamma$, duo anguli sunt minores duobus rectis, quoniam modo sumpti. (Delineatio.) Producatur linea $\beta\gamma$, ad punctum δ . (Demonstratio.) Quoniam trianguli $\alpha\beta\gamma$, angulus externeus $\alpha\gamma\delta$: maior est angulo $\alpha\beta\gamma$, interno sibi opposito. Communis addatur angulus $\alpha\gamma\beta$. anguli igitur $\alpha\gamma\delta$, $\alpha\gamma\beta$, sunt mai-

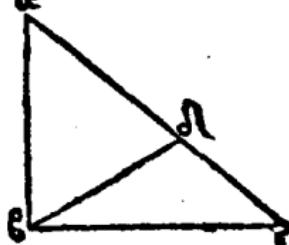
τῶν ὑπὸ ἀβγ, βγα μείζονες εἰσιν. ἀλλ' αἱ ὑπὸ αγδ, αγβ, δύστελλαις ισαὶ εἰσὶν. αἱ ἄρχαι ὑπὸ ἀβγ, βγα, δύστελλαις εἰσιν. ομοίως εἰς δὴ δεῖξομεν· ὅπις τὸ πάντα βαγ, αγβ, δύστελλαις εἰσιν, καὶ ἐπὶ αἱ ὑπὸ αγβ, αβγ.
(Συμπλέγμα.) Παντὸς ἄρχαι τριγώνου αἱ δύναμια, δύστελλαις εἰσιν τὰντα μεταλαμβανόμεναι. ὅπῳ ἔδει δεῖξα.

Πρότασις ιη. Γεώργια.

ΠΑντὸς τριγώνου η μείζων πλευρὰ, τὰ μείζονα γωνίαν τασθεῖναι.

Εκθεσις.) Εῖναι τριγώνου, τὸ ἀβγ, μείζονα ἔχον τὰ μείζονα γωνίαν, τὸ αβ. (Διοργμός.) Λέγω ὅπις γωνία η ταῦτα είναι αβγ, μείζων εἰς τῆς υπὸ βγα. (Κατασκεψή.)

Ἐπειδὴ μείζων εἰς τὴν η αγ τῆς αβ, κείθω τῇ αβ η αδ, καὶ ἐπειδὴ χθωη
βδ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπὶ τριγώνου τὸ βδγ ἐκποστεῖ γωνία η ταῦτα αδβ, μείζων εἰς τῆς
ἐντος, καὶ αὐτὸς σκαντίον, τὸ ταῦτα δγβ. οὐ δὲ η υ-



ris angulis $\alpha\beta\gamma$, $\beta\gamma\alpha$. Verum anguli $\alpha\gamma\delta$,
 $\alpha\gamma\beta$, sunt duo recti. ergo anguli $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\beta\alpha$,
sunt minores duobus rectis. Simili ratione
demonstrabimus angulos $\beta\gamma\alpha$, $\alpha\beta\gamma$, duobus
rectis esse minores. Item & angulos $\alpha\gamma\beta$,
 $\alpha\beta\gamma$ duobus rectis esse minores. (Conclusio.)
Omnis igitur trianguli quiuis duo anguli,
minores sunt duobus angulis rectis. Id quod
erat demonstrandum.

Propositio decima octava. Theorema.

VT quodvis latus trianguli est ma-
ius : ita maiorem subtiendit angu-
lum.

Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\beta\gamma$, ha-
bens latus $\alpha\gamma$, maius latere $\alpha\beta$. (*Explicatio*
quaesiti.) Dico quod angulus $\alpha\beta\gamma$, maior sit
angulo $\alpha\gamma\beta$. (*Delineatio.*) Cum enim latus
 $\alpha\gamma$ sit maius latere $\alpha\beta$: fiat linea $\alpha\beta$, aequalis
recta $\alpha\delta$: & ducatur recta $\delta\gamma$. (*Demonstra-
tio.*) Quoniam trianguli $\delta\gamma\alpha$, angulus $\delta\gamma\alpha$
externus, maior est angulo $\delta\gamma\alpha$ interno sibi
oppo-

πὸ ἀδὲ, τῇ ὑπὸ ἀβδ. ἐπεὶ καὶ πλευρὰ ἡ ἄβ,
τῇ ἀδέσιν ἵστ. μείζων ἀρχαικὴ ἡ ὑπὸ ἀβδ,
τῇ ὑπὸ ἀγβ. πολλῷ ἀρχεὶ ἡ ὑπὸ ἀβγ μεί-
ζων εἰς, τῆς ὑπὸ ἀγβ. (Συμπέρασμα.)
Παντὸς ἀρχεὶ τριγώνους η μείζων πλευρὰ, τὴν
μείζονα γωνίαν ὑποτίθεται. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις ιθ. Γεώργημα.

ΠΑΥΤΟΣ τριγώνους ὑπὸ τῶν μείζονα γωνί-
αν, η μείζων πλευρὰ ὑποτίθεται.

Βιβεσις.) Εῖτα τρίγωνον τὸ ἀβγ, μείζονα ἔχον
τὸν ὑπὸ ἀβγ γωνίαν, τὸ
ὑπὸ βγά. (Διορισμὸς.)
Λέγω ὅπερ καὶ πλευρὰ ἡ αγ,
πλευρὰς τὸν ἀβ μείζων ε-
σίν. (Απόδειξις.) Εἰ γὰρ μὴ ὅπει ἵστιν ἡ
αγ, τῇ ἀβ η ἐλάσσων. ἵστιν μὲν γὰν σύνεστιν η
αγ τῇ ἀβ. ἵστιν γὰρ η καὶ γωνία η ὑπὸ ἀβγ,
τῇ ὑπὸ ἀγβ. σύνεστι δέ, σύν ἀρχεὶ ἵστιν η
αγ, τῇ ἀβ. οὐδὲ μηδὲ ἐλάσσων ἵστιν η αγ, τῆς
ἄβ.

opposito: & angulus $\alpha\delta\zeta$, sit aequalis angulo
 $\alpha\delta\beta$: cum latus $\alpha\zeta$, lateri ad β sit aequale. id-
circo angulus $\alpha\delta\beta$, maior est angulo $\alpha\gamma\zeta$.
Ergo angulus $\alpha\delta\gamma$, multo est maior angu-
lo $\alpha\gamma\zeta$. (Conclusio.) Ut quodvis igitur latus
trianguli est maius: ita maiorem subtendit
angulum. id quod erat demonstrandum.

Propositio decima nona. Theorema.

VT Triangulus aliquis, angulum
quemuis habuerit maiorem: ita eti-
am maiorem habebit eam lineam re-
ctam, quæ illum subtendit angulum.

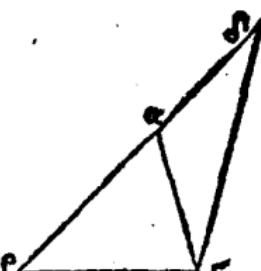
Explicatio dati.) Sit triangulus $\alpha\delta\gamma$, ha-
bens angulum $\alpha\delta\gamma$, maiorem angulo $\alpha\gamma\zeta$.
Explicatio quaesiti.) Dico quod trianguli
 $\alpha\delta\gamma$, latus $\alpha\gamma$, maius sit lateri $\alpha\zeta$. (Demo-
stratio.) Si enim non fuerit maius, cum vel
erit ei aequale, vel erit eo minor. sed recta $\alpha\gamma$,
non est aequalis rectæ $\alpha\zeta$. nam et angulus $\alpha\delta\gamma$,
angulo $\alpha\gamma\beta$ esset aequalis. id quod tamen non
est. quare neq; latus $\alpha\gamma$, lateri $\alpha\beta$, erit aqua-
le. neq; etiam latus $\alpha\gamma$, poseris esse minus la-
tere

αβ, ἐλάσσων γδ' ἀνὴρ κανία ή τόπος αβγ, τῆς τόπος αγ. σύνειν δέ, σύναρτα ἐλάσσων εἰν ή αγ, τῆς αβ. εδείχθη δέ, ὅπου δέ εἰν ή, μείζον αρτα εῖν ή αγ, τῆς αβ. (Συμπέρασμα) Παντὸς αρτα τριγώνου τόπος τῶν μείζονα γωνίαν, η μείζων πλευρά ὑποτείνει. ὅπερ εἴπεις δέξαι.

Πρότασις κ. Γεώργημα.

ΠΑντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῆς λοιπῆς μείζονες εἰσι, πάντη μεταλαμβάνομεν.

Εκθεσις.) Εἰσω γδ' τρίγωνον τὸ αβγ. (Διορισμὸς.) λέγω ὅπερ τὸ αβγ τριγώνον αἱ δύο πλευραὶ, τῆς λοιπῆς μείζονες εἰσι πάντη μεταλαμβανόμεναι, αἱ μὲν βα, αγ, τὸ διαγόνον, αἱ δὲ αβ, βγ, τὸ αγ, αἱ δὲ, βγ, γα, τῆς αβ. (Κατασκευὴ.) Διέρχθω γὰρ η βα ὅππι τὸ διαμέτον, καὶ κείσθω τῇ γα, οὐκ η δα, καὶ ἐπεζύχθω η δγ. (Απόδεξις.) Επειδὴν εἰν έστιν η δα, τῇ αγ. οὐκ εἰν η γωνία



ut $\angle a$, quia etiam angulus $a\gamma$, minor est
angulo $a\beta$: Cum tamen non sit. Quare neq;
latus $a\gamma$, minus est latere $a\beta$. antea autē de-
monstratum est, quod ei non sit. aequalē. Eris
ergo $a\gamma$ latus, maius latere $a\beta$. (Conclusio.)
Omnis igitur trianguli maiorem angulum
maius latus subtendit quicunq; sumatur. Id
quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima, Theorema.

OMnis trianguli, quævis duo late-
ra sunt maiora reliquo.

Eplicatio dati.) Sit triangulus $a\beta\gamma$,
Eplicatio quæsiti.) Dico quod trianguli $a\beta\gamma$
quævis duo latera, sint maiora reliquo. latera
 $\beta\alpha$, $a\gamma$, maiora latere $\gamma\beta$: Item latera $a\beta$, $\beta\gamma$
maiora latere $a\gamma$: deniq; latera $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$, maio-
ra latere $a\beta$. (Delineatio.) Producatur linea
 $\beta\alpha$, ad punctum d : & fiat linea $a\gamma$, aequalis li-
nea $\beta\alpha$: deniq; ducatur linea γd . (Demôstra-
rio.) Quonia^m latus $\beta\alpha$, aequalē est^t lateri $a\gamma$.
etiam

νία ή ὑπὸ αδγ, τῇ ὑπὸ αγδ, ἀλλ' η ὑπὸ Βγδ
γωνία, τῆς ὑπὸ αγδ μείζων ἐξ. μείζων ἄρα
η ὑπὸ Βγδ, τῆς ὑπὸ αδγ. οὐκὶ εἰτε πρίγωνον
ἐξι τὸ δβγ, μείζωνα ἔχον τὴν ὑπὸ Βγδ γω-
νίαν, τὸ ὑπὸ αδγ, ὑπὸ δὲ τὴν μείζωνα γωνίαν
η μείζων αλμυρὰ ὑπολείνει. η δβ ἄρα, τῆς Βγ
ἐξιν μείζων. Ιοη δὲ η δβ, ταῖς αβ, αγ. μείζο-
νες ἀρχαὶ βα, αγ, τὸ Βγ. ὁμοίως δὴ δείξομδη
ὅπι οὐδὲ μὲν αβ, Βγ, τῆς γα μείζονες εἰσιν.
αἱ δὲ Βγ, γα, τῆς αβ. (Συμπέρασμα.) Παν
τὸς ἀρχα τριγώνων αἱ δύο αλευραὶ, τὸ λοιπὸ
μείζονες εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμεναι. Ω-
ντος ἐδὴ δείξαν.

Πρότασις κα. Γεώργια.

ΕΑν τριγώνων ὅπι μᾶς τῶν αλμυρῶν ἀπὸ
τῶν περάτων δύο διθεῖαν σύνος ουσιεθῶ-
σιν, αἱ ουσιεθεῖσαι, τῶν λοιπῶν τὸ τριγώνου
δύο αλευρῶν, ἐλάτονες μὲν ἔσονται, μείζονα
δὲ γωνίαν αφίενται.

Εκθεσις.) Τριγώνων γὰρ τῷ αβγ, ὅπι μᾶς
τῶν αλμυρῶν τῆς Βγ, διποτὲ τῶν περάτων τῷ
Β, γ δύο διθεῖαν σύνος ουσιεθωσιν αἱ βδ,
δγ.

erū angulus ad γ , est & equalis angulo ad δ . Verum angulus $\delta\gamma\delta$, maior est angulo ad γ . quare & angulus $\delta\gamma\delta$, angulo ad γ maior erit. & quia triangulus $\delta\gamma\delta$, angulū $\delta\gamma\delta$ maiore habet angulo ad γ : atq; maius latus subtendat angulū maiorem: idcirco & latus $\delta\gamma$, maius est latere γ . Sed $\delta\gamma$ latus, aequalē est ab, ac latusib; . quare $\delta\gamma$, ac, duo latera, sunt maiora latere γ . Similiter demonstrabimus, quod latera $\alpha\gamma$, $\delta\gamma$, sunt maiora latere γ , & $\delta\gamma$, ya latera sunt maiora latere $\alpha\gamma$. (Conclusio.) Omnis igitur trianguli, quævis duo latera sunt maiora reliquo, id quod erat demonstrandum.

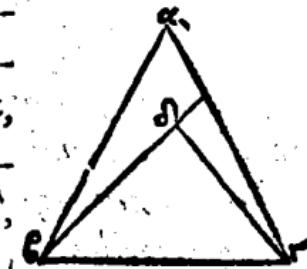
Propositio vigesima prima. Theorema.

Si à finibus vnius lateris trianguli cuiusvis duæ rectæ lineæ intra triangulum ad punctum idem statuantur: erunt quidem istæ duæ rectæ lineæ, reliquis duobus trianguli eius lateribus minores: verum maiorem angulum comprehendent.

Explicatio dati.) Sup latere enim γ trianguli $\alpha\gamma\delta$: à finib; γ , et γ due linea recta $\delta\gamma$.

$\delta\gamma$

θε. (Διορεσμὸς.) Λέγω ὅπαι δό, δὺ, τῶ λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν τῶν βα, αγ, ἐλάσσονες μὲν εἰ-
σὶ, μείζοναὶ γωνίαι πε-
ριέχονται τῷ τέτταρες βδὺ,
τῆς τέτταρες βαγ. (Καλα-
σκηνή.) Διηχθω γδὴ δό,
ὅππι τὸ ε. (Απόδεξις.)



Καὶ ἐπεὶ πάντος τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῶν λοιπῆς μείζονες εἰσι. τῷ αὗτῃ ἀρχῇ τριγώνου, αἱ δύο πλευραὶ αἱ αβ, αε, τῷ βε μείζονες εἰσι. καὶ τὴν περιφερεῖαν αἱ εγ. αἱ ἀρχαὶ βα, αγ, τῶν βε, εγ, μείζονες εἰσι. πάλιν ἐπεὶ τῷ γεδ τρι-
γώνου αἱ δύο πλευραὶ αἱ γε, εδ, τῆς γεδ μεί-
ζονες εἰσι, καὶ τὴν περιφερεῖαν αἱ δβ, αἱ γε, εβ
ἀρχαὶ τῶν γεδ, δβ μείζονες εἰσιν. ἀλλὰ τῶν βε,
εγ, μείζονες εἰδείχθησαν αἱ βα, αγ, πολλῶν
ἀρχαὶ βα αγ, τῶν βδ, δγ, μείζονες εἰσι. πά-
λιν ἐπεὶ πάντος τριγώνου η ἄκλιτος γωνία, τῆς
ἄκτος καὶ ἀπεναντίον μείζων ἐστι. τῷ γεδ ἀρχῃ
τριγώνου η ἄκλιτος γωνία η τέτταρες βδὺ, μείζων
ἐστι τῆς τέτταρες γεδ. Άλλα τὰ αὐτὰ ἀρχαὶ τῷ
εβε

$\delta\gamma$ statuerunt intra triangulū.) Explicatio quæsiti.) Dico quod due rectæ $\beta\delta$, $\delta\gamma$, minores quidem sunt reliquis duobus trianguli lateribus $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: verum angulum $\beta\delta\gamma$, maiorem angulo $\beta\alpha\gamma$, contineant. (Delineatio.) Producatur enim linea $\beta\delta$, ad punctum $\nu\delta\gamma$. (Demonstratio.) Quoniam omnis trianguli duo latera maiora sunt reliquo: idcirco trianguli $\alpha\beta\gamma$, duo latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$ sunt maiora latere $\beta\delta$. Commune addatur latus $\gamma\delta$. Latera igitur $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, maiora sunt lateribus $\beta\delta$, $\gamma\delta$. Item quia trianguli $\gamma\delta\alpha$, duo latera $\gamma\delta$, $\delta\alpha$ maiora sunt lateribus $\beta\delta$, $\delta\alpha$. Verum latera $\alpha\beta$, $\alpha\gamma$, demonstrata sunt maiora lateribus $\beta\delta$, $\gamma\delta$, ergo $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ latera longe erunt maiora lateribus $\beta\delta$, $\gamma\delta$. Rursus quoniam omnis trianguli angulus extraneus, angulo intra triangulum sibi opposito est maior: idcirco trianguli $\gamma\delta\alpha$, angulus $\delta\gamma$ extraneus, angulo $\gamma\delta\alpha$ interno sibi opposito est maior. Per eadem demonstra-

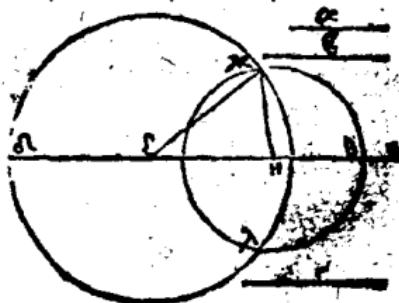
F 2 batur.

ἄνε τριγώνος, η ἀκτίς γωνίας ὅποι γένεσις
ἔστι, τῆς ὅποι βαγ. ἀλλὰ τῆς ὅποι γέν,
μείζων ἐδείχθη ὅποι βόλγ, πολλῶς ἀργεῖ οὐ-
τὸς βόλγ, μείζων ἐστὶ τῆς υπὸ βαγ. (Συμπέ-
ρασμα.) Εάν ἄρα τριγώνος ὅπι μᾶς τῶν
πλευρῶν ἀπό τῶν περάτων δύο θέται στ-
τὸς συστεθῶσιν, αἱ συστεθεῖσαι, τῷ λοιπῷ τοῦ
τριγώνος δύο πλευρῶν, ἐλάττονες μὲν εἰσι,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέχουσιν. οὗτος ἐδήλωσεν.

Πρότασις κβ. Πρόσλημα.

ΕΚ τριῶν θέται αἱ εἰσὶν ἵση τρισὶ ταῖς
δοθείσαις θέταις, τριγώνον συστήσασθε.
Δεῖ δὴ τὰς δύο, τῆς λοιπῆς μείζονας εἴναι
πάντη μεταλλαγμένας, οὐδὲ τὸ κὺ παν-
τὸς τριγώνος τὰς δύο πλευρὰς, τῆς λοιπῆς
μείζονας εἴναι, πάντη μεταλλαγμένας.

Εκθεσις.) Ενώσουμεν
αἱ δοθεῖσαι τρισὶ^α
θέται αἱ α, β, γ,
ῶνται δύο, τῆς λοι-
πῆς μείζονες εἴσω-
σαι πάντη μετα-



biur quod trianguli abe, angulus γ est, maior sit angulo $\delta\alpha\gamma$. verum angulo γ est maior est demonstratus angulus $\beta\delta\gamma$. Ergo angulus $\delta\gamma$, multo est maior angulo $\delta\alpha\gamma$. (Conclusio.) Si igitur à finibus unius lateris trianguli cuiusvis, due rectæ lineæ intra triangulum, ad punctum idem statuuntur: erunt quidem istæ due rectæ lineæ, reliquis duobus trianguli eius lateribus minores: verum maiorem angulum comprehendent. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima secunda. Problema.

Solutio.

EX tribus lineis rectis, quæ sunt æquales tribus rectis lineis datis: triangulum constituer. Oportet uero quasuis duas reliqua esse maiores: propterea quod in omni triangulo quævis duo latera maiora sunt reliquo.

Explicatio dati.) Sint tres lineæ rectæ da- *in 8075.*
ta, α , β , γ : & sint quævis duas maiores quam

F 3 reli-

λαμβανόμενα, αἱ μὲν ἄ, Β, τῆς ὁ, αἱ δὲ ἄ,
ὗ, τὸ β, καὶ ἐπιστρέψ, ὁ, τὸ α. (Διοργὸς.)

Δεῖ δὴ ἀκτῶν ἴσων ταῖς ἄ, Β, ὁ, τρίγωνον συ-
σήσασθαι. (Κατασκευὴ.) Εκκείσθω τίς δι-
δεῖαι ἀ, πεπερασμένη μὲν κατὰ τὸ δ, ἄ-
πορος δὲ καὶ τὸ ε, καὶ κείσθω τῇ μὲν ἄ ἰση, ἡ
δὲ, τῇ δὲ β ἰση, ἡ γ, τῇ δὲ ε ἰση ἡ ηθ. καὶ κέν-
τρῳ μὲν τῷ γ, Διασήμαν δὲ τῷ ζδ, κύκλος
γεγένεται, οὐ δικλ. καὶ πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ
η, διασήμαν δὲ τῷ ηθ, κύκλος γεγένεται
οὐ κλθ. καὶ ἐπεξέχθωσσεν αἱ κ, κη. (Διο-
ργὸς τῆς κατασκευῆς.) Λέγω ὅπις ἀκτῶν
σύμφων τῶν ἴσων τριών, β, ὁ, τρίγωνον
συνέσῃ τὸ κη. (Αποδείξις.) Επεὶ γὰρ τὸ
ζομεῖον κέντρον ἔστι τὸ δικλ κύκλος, ἵση ἔστιν
ἡ ζδ, τῇ γ, ἀλλὰ ἡ ζδ τῇ α ἔστιν ἵση, καὶ ἡ κ
ἄρα τῇ α ἔστιν ἵση. πάλιν ὅπποι τὸ η ομεῖοι,
κέντρον ἔστιν τὸ λιθ κύκλος, ἵση ἔστιν ἡ ηθ, τῇ
η. ἀλλὰ ἡ ηθ, τῇ γ ἔστιν ἵση, καὶ ἡ κη ἄρα, τῇ

γ ἔστιν

reliqua: scilicet α & β maiores quam γ , & α ,
 atque γ maiores quam β : denique β & γ , maio-
 res quam α . (Explicatio quæsiti.) Oportet i-
 gite ex tribus lineis rectis, quæ datis tribus
 α, β, γ , sunt æquales triangulum componere.

(Delineatio.) Sumatur recta aliqua linea ~~natura~~ or. w.n.
 d.e: finita quidem ad punctum δ : infinita ve-
 rò ad punctum ϵ . deinde fiat linea recta α , æ-
 qualis linea recta δ ? Itô rectæ β , æqualis re-
 ða γ , prætereat rectæ γ , æqualis recta $\eta\theta$. Ad
 huc centro ζ , interuallo $\zeta\delta$, describatur circu-
 lus $\delta\kappa\lambda$. centro etiam η , interuallo $\eta\theta$, descri-
 batur circulus $\kappa\lambda\theta$: secans circulum $\delta\eta\lambda$, in
 punto x . Denique ducatur linea rectæ $\zeta x, x\eta$.

(Delineationis factæ explicatio.) Dico quod
 ex lineis rectis tribus, quæ sunt æquales tribus
 rectis datis, compositus sit triangulus $x\zeta\eta$.

(Demonstratio.) Quoniam punctum ζ , cen-
 trum est circuli $\delta\kappa\lambda$. idcirco recta $\zeta\delta$, aqua-
 lis est rectæ $\zeta\eta$: verū recta $\zeta\delta$ est æqualis rectæ
 α : itaque $\zeta\eta$ recta, æqualis est rectæ α . Item si
 quoniam punctum η , est centrum circuli $\kappa\lambda\theta$:
 idcirco recta $\eta\theta$, est æqualis rectæ $\eta\kappa$. verū $\eta\kappa$

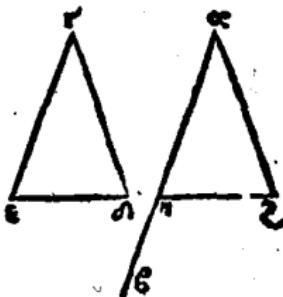
72. ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

γένεται ίση. Εσι δὲ καὶ η ἡ, τῇ βίσῃ. αἱ τρίτες
άρα δύθεια, αἱ καὶ, η, ηκ τρισὶ ταῖς α, β, γ,
ίση εἰσὶν. (Συμπέρασμα.) Εκ τριῶν ἀρι-
δύθων τῶν καὶ, η, ηκ, αἱ εἰσὶν ίση τρισὶ<sup>ταῖς δοθείσας δύθειας ταῖς α, β, γ, τρίγω-
νον συνίσταται, τὸ κηρύκειον. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.</sup>

Πρότασις κα. περίβλημα.

Πρὸς τὴν δοθείσην δύθειαν, καὶ τὸ πρὸς αὐτὴν
ομοιόω, τὴν δοθείσην γωνία δύνυχεάμμω.
ἴσην γωνίαν δύθύχεαμμον συστήσουμεν.

Ἐκθεσις.) Εῖσαι η μὲν δο-
θεῖσα δύθεια η αβ, τὸ δὲ
πρὸς αὐτὴν ομοιόων τὸ α,
η δὲ δοθεῖσα γωνία δύθύ-
χεαμμών, η ωπὸ δγε.
(Διορεύσματος.) Δεῖ δὴ πέρος
τὴν δοθείσην δύθεια τῇ αβ, καὶ ταῦ πέρος αὐτὴν
ομοιέω τῷ α, τὴν δοθείσην γωνία εὐθυγχέαμ-
μω, τῇ ωπὸ δγε, ίσην γωνίαν εὐθύχεαμμον
συστήσουμεν. (Κατέσκεψη.) Εἰλήφθω εἰς
θέρας ταν γαδ, γε, τυχόντα συμπεῖται τὰ δ, ε, καὶ
ἐπεζεύ-



equalis est γ recta. ergo et ηx recta, aequalis est recta γ . Verum $\zeta\eta$, etiam est aequalis recte β . Tres igitur rectae $x\zeta$, $\zeta\eta$, ηx , tribus rectis α , β , γ , sunt aequales. (Conclusio.) Ex $\sigma\mu\pi\gamma\alpha$ tribus igitur rectis $x\zeta$, $\zeta\eta$, ηx , quae sunt aequales tribus datis α , β , γ , rectis: triangulus est factus $x\zeta\eta$. Quod faciendum erat.

Propositio vigesima tertia. Problema.

AD datam lineam rectam, & datum in ea punctum, dato angulo rectilineo, aequalem angulum rectilineum statuere.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$: sit datum in ea punctum a . sit angulus rectilineus datus $\delta\gamma e$. (Explicatio quesiti.) Ad lineam rectam datam $\alpha\beta$, et punctum in ea datum a , statuendus est angulus rectilineus, aequalis angulo $\delta\gamma e$ rectilineo dato. (Delinacrio.) Sumantur in lineis rectis $y\delta$, ye , puncta quaevis d , e . Ducatur etiam linea

F ζ recta

ἐπεξέυχθω ἡ δὲ καὶ ὅτι τριῶν εὐθεῖων αἱ σίση
ἴσαι τρισὶ ταῖς γυν., δὲ, γε τρίγωνον οὐαεῖσ-
τω τὸ ἀληφ., ὥσε ἵσην εἶνα τὸ μὲν γῆμβ., τῇ ἀλ.,
τὸν δὲ γε, τῇ ἀη, καὶ ἐπ τῷ δὲ, τῇ ζη. (Ἀπό-
δεξις.) Επεὶ δὲ αἱ δύο αἱ δγ., γε, δύοις ταῖς
ζα., ἀη., ίσαι εἰσὶν ἐκάπερα ἐκατέρα, καὶ βάσις
ἡ δὲ, βάσις τῇ ζηίσῃ. γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ δγε,
γωνία τῇ ὑπὸ ζαη ἐσὶν ίση. (Συμπέρασμα)
Πρὸς ἄρα τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τῇ ἀβ., καὶ τῷ
πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ α., τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ
εὑργεάμηται τῇ ὑπὸ δγε, οὐ γωνία εὐθύ-
γεάμηται (αποίσαι), ἡ ὑπὸ ζαη. ὅπερ ἔδει ποι-
ῆσαι.

Πρότασις κα. Ιεώρημα

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς
δύσι πλευραῖς ίσαις ἔχη ἐκάπεραν ἐκατέ-
ρα, τὰ δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη,
τὰ δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη.
τὰ δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη.
τὰ δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη.

Εκθεσις.) Εἰσω δύο τρίγωνα, τὰ ἀβγ., δεξ.,
τὰς δύο πλευρὰς τὰς ἀβ., ἀγ., ταῖς δύσι
πλευ-

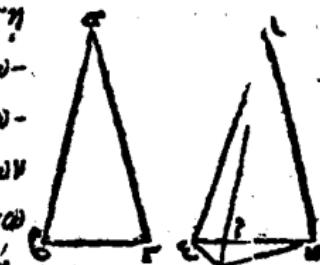
recte de. Postea ex talibus lineis rectis, quae sunt aequales tribus rectis $\gamma\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, componatur triangulus $a\gamma\eta$: sic ut linea $\gamma\delta$, sit aequalis linea $a\gamma$: & linea $\epsilon\gamma$ linea $a\eta$, item linea $\delta\epsilon$ aequalis linea $\gamma\eta$. (Demonstratio.) Quoniam duo latera $\delta\gamma$, $\gamma\epsilon$, duobus laterib. $\gamma\alpha$, $a\eta$, sunt aequalia alterum alteri, & basis $\delta\epsilon$, aequalis sit basi $\gamma\eta$. Erit igitur angulus $\delta\gamma\epsilon$, aequalis angulo $\gamma\alpha\eta$. (Conclusio.) Ad datam igitur lineam rectam $a\beta$, & ad punctum in ea datum a , dato angulo rectilineo $\delta\gamma\epsilon$, constitutus est angulus rectilineus $\gamma\alpha\eta$. Id quod orat faciendum.

Proposito vigesimaquarta. Theorema.

Si fuerint trianguli vnius, duo latera aequalia duobus lateribus alterius trianguli, alterum alteri: sed angulus vnius maior angulo alterius, quem aequalis rectae lineae comprehendunt: etiam basis basi maior erit.

Explicatio dati.) Sint duo trianguli $a\gamma\delta$,
 $\delta\eta\zeta$, *quorum duo latera $a\beta$, $a\gamma$, duobus lateribus*

λευρᾶς, ταῖς δὲ, δὶς, ἵσις ἔχοντα ἐκάπερα
ἐκάπερα, τῶι μὲν ἀβ., τῇ
δὲ, τῶι δὲ ἄγ., τῇ δὶς, γω-
νία δὲ ἡ ὑπὸ Βαγ., γω-
νίας τῆς ὑπὸ ἑδὶς μεῖζων
ἔνω. (Διορθομός.) Λεγού-
στι καὶ Βάσις ἡ Βγ., Βά-



σεως τῆς δὶς, μεῖζων εἰν. (Καλαοκοῦν.) Ε-
πεὶ γὰρ μεῖζων εἰν ἡ ὑπὸ Βαγ γωνία, τῆς
ὑπὸ ἑδὶς γωνίας, συνεισάτω πρὸς τῇ δὲ δι-
θέα, καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημάνω τῷ δ., τῇ ὑπὸ¹
Βαγ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ἑδῃ, καὶ κείμενονέ-
σσα των αγ., δὶς, ἵσις ἡ δῆ, καὶ ἐπεξέχθωσαν,
αἱ ἡ, ζη. (Απόδεξις.) Επεὶ δὲ τὴν εἰν ἡ μὲν
ἀβ., τῇ δὲ, ἡ δὲ ἄγ., τῇ δῆ, δύο δῆαι βα., αγ.,
δυσὶ ταῖς ἑδ., δῆ, ἵση εἰσὶν ἐκάπερα ἐκάπερα,
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ Βαγ., γωνία τῇ ὑπὸ ἑδῃ, ἵση
εἰν, Βάσις ἀρχή Βγ., Βάσις τῇ εἴη, εἰν το. πά-
λιν, ἐταῖς τὴν εἰν ἡ δῆ, τῇ δὶς, ἵση εἰν καὶ γω-
νία ἡ ὑπὸ δὶς, γωνία τῇ ὑπὸ δῆς, μεῖζων σ-
ερη ἡ ὑπὸ δὶς, τῆς ὑπὸ ἑδῃ. πολλῷ ἀρχ μέσ-
ζων εἰν ἡ ὑπὸ ἑδῃ, τὸ ὑπὸ ἑδῃ. καὶ ἐπεὶ τοί-
γωνόν εῖται, τὸ ζη, μείζονα ἔχον τῶι ὑπὸ

ribus d δ ? sint aequalia, alterum alteri la-
tus ab, lateri d δ , & latus ay, lateri d γ : sed
angulus Gay sit maior angulo ed γ .

(Explicatio quesiti.) Dico quod basis Gy, basi e γ sit maior. (Delineatio.) Quo-
niam angulus Gay maior est angulo ed γ .
Statuatur ad lineam rectam ed, & ad pun-
ctum in ea d, angulus ed η aequalis angulo
Gay: & fiat alterutri lineaum ay, d γ a-
qualis linea recta d η . & ducantur linea re-
cta ne, g η .

(Demonstratio.) Quoniam latus ab, a-
quale est lateri d δ , & latus ay aequale est
lateri d η : duo igitur latera Ca, ay, duobus
lateralibus ad, d η sunt aequalia, alterum al-
teri, & angulus Gay, aequalis est angulo
ed η . Ergo basis Gy, basi e γ est aequalis.
Item quoniam latus d η , est aequale lateri d γ :
tri etiam angulus d γ , aequalis angulo d η .
Irgo angulus d γ maior est angulo e γ .
Quare angulus e γ , longe maior est angulo
d η . Cum etiam triangulus e γ , habeat an-
gulum

εὗη γωνίαν τῆς ψεύτικος δὲ τῶν μείζονα γωνίαν ή μείζων ἀλλορά ψεύτικήν. μείζων ἀρχηκή ἀλλορά η εἶη, τῆς εἰλ. ον δὲ η εἶη, τῇ βῃ, μείζων ἀρχηκή η βῃ, τῇ εἰ. (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα δύο τρίγωνα, τὰς δύο ἀλλοράς ταῖς δυσὶ πλαντραῖς ίσαις ἔχη ἐκατέραν ἐκατέρα, τὴν δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη, τὴν ψεύτικον τῶν ίσων διθειῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξι. οὐδὲ δέξια.

Πρότασις κὲ. Γεώργημα.

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο ἀλλοράς ταῖς δυσὶ πλαντραῖς ίσαις ἔχη ἐκατέραν ἐκατέρα, τὴν βάσιν δὲ τῆς βάσεως μείζονα ἔχη, Καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχει, τὴν ψεύτικον τῶν ίσων διθειῶν περιεχομένην.

(Εκθεσις.) Εῖναι δύο τρίγωνα τὰ αἴγα, δέξι, τὰς δύο ἀλλοράς τὰς αἴγα, αἴγα ταῖς δυσὶ πλαντραῖς ίσαις ἔχουσι αἴγα, αἴγα, δέξι, ίσαις ἔχονται ἐκατέραν ἐκατέρα, τὴν μὲν αἴγα,



gulum εγη, maiorem angulo ενζ: ac maiorem angulum maius latus subtendat. idcirco latus εη, maius est latere εγ. verum latus εη, equale est lateri εγ. ergo εγ latus maius est latere εη. (Conclusio.) Si ergo duo fuerint trianguli, habentes duo latera, duobus lateribus æqualia, alterum alteri: angulum. verò angulo maiorem, qui æqualibus illis lateribus continetur: etiam basi basi maiorem habebunt. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesimaquinta. Theorema.

Si trianguli vnius, duo latera fuerint æqualia duobus lateribus trianguli alterius, sed basis vnius fuerit maior basi alterius: erit etiam angulus vnius maior angulo alterius, quem æquales illæ rectæ lineæ comprehendunt.

Expliatio dati.) Sint duo trianguli abγ. Ap: quorū duo latera abβ, ay, sint æqualia duobus laserib. dε, dζ alterū alteri, latus abβ, æquale



τῇ δέ, τὰ δὲ αὐτὰ, τῇ δὲ βάσις δὲ ἡ βῆ, βάσις
σεως τῆς εἰς, μείζων εἶνα. (Διοργμὸς.) Λέοντος
γωνίας καὶ γωνίας ἡ πτυχὴ βαγγαγωνίας τῆς
πτυχῆς εἰς, μείζων εἶναι. (Απόδειξις.) Εἰ γὰρ
μή, τοις ίσης εἶναι αὐτῇ, η ἐλάσσων. ίση μὲν γάρ
πλεκτὴ εἶναι ἡ πτυχὴ βαγγαγωνία, τῇ πτυχῇ εἰς,
γάρ οὐκοῦν η βάσις η βῆ, βάσις τῇ εἰς, σύνειται δέ,
σύναρχον εἶναι η πτυχὴ βαγγαγωνία, τῇ υπότοκῃ εἰς.
ἀλλ' οὐδὲ μηδὲ ἐλάσσων. ἐλάσσων γάρ
οὐκοῦν η βάσις η βῆ, βάσις τῆς εἰς, σύνειται δέ,
σύναρχον ἐλάσσων εἶναι η πτυχὴ βαγγαγωνία,
τῆς πτυχῆς εἰς. εδείχθη δὲ ὅπερ δύτιον, μείζων
προσειτὸν η πτυχὴ βαγγαγωνία, τῆς πτυχῆς εἰς.
(Συμπλέγμα.) Εαν δέ τις περιγράψει,
τὰς δύο πλευρὰς τοῖς δυσὶ πλευραῖς ισοτε
ἔχη ἐκατέρων ἐκατέρα, τὰ δὲ βάσιν τῆς βάσις
σεως μείζονα ἔχει, καὶ τὰς γωνίαν τῆς γωνίας
μείζονα ἔχει, τὰς πτυχὰς τῶν ίσων διθεσ-
ῶν περιεχομένην. διπλῇ εἰδεῖται.

Πρόσοσις κα. Γεώργιου.

Επειδή

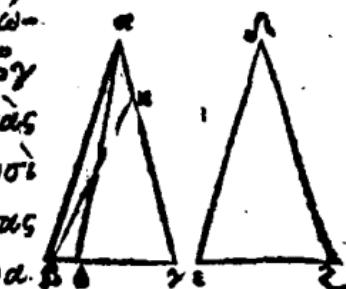
equale lacerti di, & latus $\alpha\gamma$, & quale lacerti
 $\beta\gamma$ sed basis $\beta\gamma$, sit maior basi $\epsilon\zeta$. (Explica-
 io quæstori.) Dico quod angulus $\alpha\gamma$, maior
 fu angulo $\epsilon\zeta$. (Demonstratio.) Quod si enim
 nō fuerit maior, aut erit ei aequalis, aut eo mi-
 nor. sed angulus $\beta\gamma$, non est aequalis angu-
 lo $\epsilon\zeta$. nam & basis $\beta\gamma$, etiam eſſet aequalis
 basi $\epsilon\zeta$: Verum non est ei aequalis, quare nec
 angulus $\beta\gamma$, est aequalis angulo $\epsilon\zeta$: sic eti-
 am non est eo minor: siquidem & basis $\beta\gamma$,
 basi $\epsilon\zeta$ minor eſſet: quod tamen nō est. quare
 nec angulus $\beta\gamma$, angulo $\epsilon\zeta$ minor est. de-
 monstratum vero antea fuit, quod ei non sit
 aequalis. Erit igitur angulus $\beta\gamma$, angulo
 $\epsilon\zeta$ maior. (Conclusio.) Si ergo fuerint tri-
 anguli minus duo latera aequalia duobus late-
 ribus trianguli alterius, alterum alteri, sed ba-
 sis minus maior basi alterius: erit etiam an-
 gulus minus, maior angulo alterius, quem a-
 quales rectæ linea comprehendunt. Id quod
 ut demonstrandum.

Propositio vigesima sexta. Theorema.

G Quo-

ΕΑν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας, ταῖς δύσι γωνίαις οἷς ἔχῃ ἐκάλεσθαι ἐκάλερα, καὶ μίαν πλευρὰν μᾶς πλευρᾶς ιστην, η τις πέδος ταῖς ισαῖς γωνίαις, η τις ἡποίειν γοναῖς ταῦτα μὰν τῶν ισων γωνιῶν, καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ισαῖς ἔξει, ἐκάλεραν ἐκάλερα, καὶ τιὰ λοιπὴν γωνίαν, τῇ λοιπῇ γωνίᾳ.

Ἐκθεσις πεώτη.) Εῖσωσιν δύο τρίγωνα, Γὰ αἴγι
δε?, τὰς δύο γωνίας τὰς
ταῦτα αἴγι, βγά, δυσὶ¹
ταῖς ταῦτα δε?, εἰδ, ισαῖς
ἔχονται, ἐκάλεσθαι ἐκάλερα.
τιὰ μὲν ταῦτα αἴγι, τῇ ταῦτα δε?, τιὰ δὲ υπὸ βγά,
τῇ ταῦτα εἰδ. Ἐχέτω δὲ καὶ μίαν
πλευρὰν, μᾶς πλευραῖσιν, πεσόντος τιὰ πέδος
ταῖς ισαῖς γωνίαις, τιὰ βγά, τῇ εἰδ. (Διορθο-
μὸς πεώτη.) Λέγω ὅτι καὶ τὰς λοιπὰς
πλευρὰς, ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ισαῖς ἔξει
ἐκάλεραν ἐκάλερα, τιὰ μὲν αἴγι, τῇ δε?, τιὰ δὲ
βγά, τῇ δε?, καὶ τιὰ λοιπὴν γωνίαν, τῇ λοι-



Quorum triangulorum duo anguli vnius fuerint æquales duobus angulis alterius: alter alteri: & latus unum, æquale vni: siue illud apposuitur æqualibus illis angulis: siue subiendat vnum ex æqualibus illis angulis: illorum tum reliqua latera inter se erunt æqualia, alterum alteri: tum etiam reliquus angulus reliquo angulo erit æqualis.

Prima explicatio dati.) Sint duo trianguli abγ, δεζ, quorum duo anguli abγ, βγα sunt æquales duobus angulis δεζ, εζδ, alter alteri: angulus abγ, æqualis angulo δεζ, & angulus βγα, angulo εζδ: habeant etiam unum latus vni lateri æquale, & primo loco latus quod posicium est ad æquales illos angulos, latus βγ, lateri εζ. (Prima explicatio quesiti.) Dico quod & reliqua latera reliquis lateribus habebunt æqualia, alterum alteri, latus ab, lateri δε, & latus ay, æquale lateri δε: & reliquum angulum reliquo an-

G 2 gulo

τῇ γωνίᾳ, τῷ υπὸ βαθῷ, τῇ υπὸ ἀβῃ. (Κατοκενὴ πέριτη.) Εἰ δὲ αὐτός εἴναι οὐτισμός, τῇ δε, μία αὐτῶν μείζων ἔσται. ἔτσι μείζων, η̄ ἀβ, καὶ καίδω τῇ δε ἵσται η̄ ηβ, Καὶ επιζύμυχθω η̄ ηγ. (Απόδειξις πέριτη.) Επεὶ γάρ ισται η̄ μεν βῆ, τῇ δε, η̄ δὲ βῆ, τῇ εἶ, δύο δὲ αἱ βῆ, βῆ, δύο ταῖς δε, εἶ, ισαὶ εἰσὶν ἐκάπερ φέκατέρα, καὶ γωνία η̄ υπὸ η̄γ γωνία τῇ υπὸ δεξιῇσται. Βάσις ἀραι η̄γ, βάσις τῇ δεξιῇσται. καὶ τὸ ηγβ τρίγωνον, τῷ δεξιῷ τριγώνῳ ισον ἔσται, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ισαὶ ἔσονται ἐκάλερα ἐκάλερα, υφ' αἷς αἱ ισαὶ πλευραὶ υπολείνεσσιν. ιση ἀραι η̄ υπὸ ηγθ γωνία, τῇ υπὸ δεξιῇ, ἀλλὰ η̄ υπὸ δεξιῇ, τῇ υπὸ βγα υπόκειται ιση, καὶ η̄ υπὸ βγη ἀραι, τῇ υπὸ βγα ισται η̄, η̄ ἐλάσσων τῇ μείζονι, σῶς ἀδικάλον. (Συμπέρασμα πέριτη.) Σύκαιρα ἀνισός εἴναι η̄ ἀβ, τῇ δε, ιση ἀραι εἴτε δὲ καὶ η̄ βγ, τῇ εἶσται, δύο δὲ αἱ ἀβ, βγ, δύο ταῖς δε, εἶ, ισαὶ εἰσὶν ἐκάπερα ἐκάλερα, καὶ γωνία η̄ υπὸ ἀβγ, γωνία τῇ υπὸ δεξιῇσται, βά-

gulo aequali, nempe angulum $\beta\gamma$, aqua-
lem angulo $\alpha\beta$? (Prima delineatio.) Si e-
nimi $\alpha\beta$, latus, inaequale fuerit lateri $\delta\epsilon$, v-
num ex ipsis sit maius. sit igitur latus $\alpha\beta$, ma-
ius, & si recte $\delta\epsilon$, equalis recta $\beta\gamma$, et du-
catur recta $\alpha\gamma$. (Prima demonstratio.) Cum
itaq; latus $\beta\gamma$, sit aequale lateri $\delta\epsilon$, & latus
 $\beta\gamma$ aequale lateri $\epsilon\delta$: duo igitur latera $\beta\gamma$,
 $\beta\gamma$, duobus lateribus $\delta\epsilon$, $\epsilon\delta$, sunt aequalia al-
terum alteri, & angulus $\eta\beta\gamma$, angulo $\delta\epsilon\alpha$
aqualis: ergo basis $\eta\gamma$, basi $\delta\epsilon$ est aequalis, &
triangulus $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\delta\epsilon\alpha$ est aequalis, &
reliqui anguli, reliquis angulis sunt aequales,
alter alteri, quos aequalia illa latera subven-
dunt angulus $\eta\beta\gamma$, aequalis angulo $\delta\epsilon\alpha$, sed an-
gulus $\delta\epsilon\alpha$, pponitur aequalis angulo $\beta\gamma\alpha$, tri-
igitur angulus $\beta\gamma\alpha$, etiam aequalis angulo
 $\beta\gamma\alpha$, minor maiori, quod fieri nequit. (Con-
clusio prima.) Ergo latus $\alpha\beta$, non est inaequale
lateri $\delta\epsilon$. ergo erit ei aequale, verum latus $\beta\gamma$
etiam est aequale lateri $\epsilon\delta$: duo igitur latera
 $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, duobus lateribus $\delta\epsilon$, $\epsilon\delta$, sunt aequalia
alterum alteri: & angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo $\delta\epsilon\alpha$

οις ἄραι ἀγ., βάσις τῇ δῆλῃ ἐστί, καὶ λοιπὴ γωνία ἡ υπὸ βαγ., λοιπὴ γωνία τῇ υπὸ εὐδῆλῃ ἐστίν. (Ἐκθεσις διδύλερα.) Αλλὰ δὴ πάλιν ἐνώπιον αἱ υπὸ τὰς ἴσους γωνίας πλάνραι υπολείνυσση ἴσου, ὡς ἡ αἴβ., τῇ δέ. (Διορεσμὸς διδύλερος.) Λέγω τάλιν, ὅπικῷ αἱ λοιπαὶ πλάνραι, ταῖς λοιπαῖς πλάνραις ἴσου ἴσον τῷ, ἡ μὲν ἀγ., τῇ δῆλῃ δὲ βαγ., τῇ εὐδ., καὶ ἐπὶ τῇ λοιπῇ γωνίᾳ ἡ υπὸ βαγ., λοιπῇ τῇ υπὸ εὐδῇλῃ ἐστίν. (Καθαρισμὸς διδύλερα.) Εἰ γὰρ αὐτός ἐστιν ἡ Βγ., τῇ εὐδ., μία αὐτῶν μετίζωνται. ἐνώπιον διωτῶν μετίζων, ἡ Βγ., καὶ πανδὼ τῇ εὐδ., ἵστηται οὐδέποτε δύχθω ἡ αἴβ. (Απόδεξις διδύλερα.) Καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ἡ μὲν Βθ τῇ εὐδ., η δὲ αἴβ. τῇ δέ, δύο δὴ αἱ αἴβ., Βθ, δυσὶ ταῖς δέ, εὐδῇσιν ἐπάπερα ἐκάλεσθαι, καὶ γωνίας ἐπομένης περιέχεσται, βάσις ἄρχει ἡ αἴβ., βάσις τῇ δῆλῃ ἐστί, καὶ τὸ αἴβι τρίγωνον, τῷ δὲ εὐδήλῳ τριγώνῳ ἐστονταί, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἐσονται ἐκάπερα ἐκάλεσθαι, ὑφέσται αἱ ἴσου πλάνραι υπολείνυσσον. ἵστηται ἄρχει ἡ υπὸ βαγ. γωνία, τῇ υπὸ εὐδ., ἀλλὰ ἡ υπὸ

εὐδ.

aequalis. basis itaq; $\alpha\gamma$, basi d δ erit aequalis,
 & reliquus angulus $\beta\gamma$, reliquo angulo e δ ?
 aequalis. (Secunda explicatio dati.) Verum ce-
 rū statuantur latera aequales angulos subten-
 dictia aequalia, ut ab latus, aequale lateri e δ .
 (Secunda explicatio quæsiti.) Dico quod etiā
 reliqua latera, reliquis laterib. sint aequalia,
 latus $\alpha\gamma$, aequale lateri d δ , et latus $\beta\gamma$, aequa-
 le lateri e δ : deniq; reliquus angulus $\beta\gamma$, reli-
 quo angulo e δ ? aequalis. (Secunda delineatio.)
 Si enim latus $\beta\gamma$, nō fuerit aequale lateri e δ :
 sed alterum ex eis fuerit maius. sit latus $\beta\gamma$,
 si potest fieri, maius latere e δ : & fiat lateri
 e δ aequale latus $\beta\theta$, & ducatur recta ab. (Se-
 cunda Demonstratio.) Quoniam latus $\beta\theta$, a-
 quale est lateris $e\delta$, & latus ab, aequale lateri
 de: duo itaq; latera ab, $\beta\theta$, duobus laterib. de,
 e δ sunt aequalia alterum aleiri: & angulos
 comprehendunt aequales: basis igitur ab, est
 aequalis basi d δ : & triangulus ab $\beta\theta$, triangulo
 de δ est aequalis: & reliqui anguli, reliquis an-
 gulis sunt aequales alter alteri, quos aequalia
 illa latera subtendunt: angulus $\beta\delta\alpha$, aequalis

έξθι, τῇ ωτὸν βγαγωνία ἔστιν ἴση, καὶ ἡ ωτὸν
βθαῖρα, τῇ ωτὸν βγα εἰσὶν ἴση. τριγώνυ δὴ
γάθη, ἡ ἐκλός γωνία ἡ ὑπὸ βθαῖσι ἔστι τῇ συ-
τὸς καὶ ἀτὸν σκαλίσιν τῇ ὑπὸ βγα, ὅπερ ἀδύ-
νατον ἔστιν. (Συμπέρασμα δεύτερον.) Σὺν ἀ-
ραι ἄνισσος ἔστιν ἡ βγ. τῇ εἷλι, ἴση ἀρχή.
ἡ ἀβ., τῇ δεῖση, δύο δὴ αἱ ἀβ., βγ., δύοις ταῖς
δὲ, τῇ, ἴσηις εἰσὶν ἐκάπερ φεκαλέρα, καὶ γωνίας
ἴσας περιέχουσι. Βάσις ἀρχὴ αὐτῆς, βάσις τῇ δῃ
ἴση ἔστι, καὶ τὸ ἀβγυ τριγώνον, τοῦ δεῖρα τριγω-
νῶ ίσουν ἔστι, καὶ ἡ λοιπὴ γωνία ἡ ωτὸν βγα,
τῇ λοιπῇ γωνίᾳ τῇ ωτὸν εὖλον ἔστι. (Συμ-
πέρασμα καθόλου.) Εὰν ἀρχὴ δύο τριγώνων
τὰς δύο γωνίας ταῖς δύσι γωνίαις ίσας ἔχῃ
ἐκάπερ φεκαλέρα, καὶ μίαν πλευρὰν μηδὲ
πλευρᾶν ισον ἔχη, ητοι τὰς πρὸς ταῖς ίσους
γωνίαις, ἡ τὰς ωτογίνουσιν ωτὸν μίαν τῶν
ίσων γωνιῶν, Καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς, τὰς
λοιπὰς πλευρὰς ίσας ἔξει, καὶ τὰς λοι-
πὰς γωνίας τῇ λοιπῇ γωνίᾳ ὅπερ ἔδει δε-
ξαν.

angulo εδ. Verum angulus εδ, est aequalis angulo βγ. ergo angulus βθα, est aequalis angulo βγ. Trianguli igitur abγ, angulus θθα externus, angulo βγ a interno sibi opposito est aequalis, quod fieri nequit. Quare latus βγ, non est inaequale lateri εδ: erit igitur ei aequale. sed et ab latus, est aequale lateri δε: duo igitur latera ab, βγ, sunt aequalia duobus lateribus δε, εδ alterum alteri, et angulos comprehendunt aequales. basis igitur ab, basi δε est aequalis, et triangulus abγ, est aequalis triangulo δε: et reliquis angulis βγ, reliquo angulo εδ est aequalis.
 (Conclusio.) Quorum ergo triangulorum duo anguli unius, fuerint aequales duobus angulis alterius, alteriori: et latus unum unius lateri aequale: siue illud appossum fit aequalibus illis angulis: siue subtendat unum ex aequalibus illis angulis: illorum cum reliqua latera inter se erunt aequalia, alterum alteri: cum etiam reliquis angulis, reliquo angulo erit aequalis. Id quod erat demonstrandum.

20. ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ
ΤΟ ΔΕΥΤΕΡΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ
ΤΟΥ ΤΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ.

Πρότοις κ.χ. θεώρημα.

ΕΛΛΗΣ δύο δίθείας δίθεια ἐμπίπλου τὰς
ἐναλλὰξ γωνίας ισαὶς ἀλλήλαις ποιῆσι, πα-
ράλληλοι εἰσιτικοὶ ἀλλήλαις αἱ δίθεια.

Εγένετο.) Εἰς γὰρ δύο δι-
θείας τὰς ἀβ., γὲ δ., δίθεια
ἐμπίπλους η ἡ, τὰς εν-
αλλὰξ γωνίας τὰς ὅποι
αἱ, εὐδ., ισαὶς ἀλλήλαις
ποιήσι. (Διοργὸς.) Λέ-
γω ὅτι παράλληλος εἴτιν οὐτός, τῇ γέδ. δίθεια
(Τπόθεσις.) Εἰ γὰρ μὴ ἐκβαλλόμεναι αἱ οὐτός,
γέδ. συμπεσθήσια, η τοι. Μήτι τὰ βδ. μέρη η Μήτι
τὰ αὐτὰς ἐκβεβλήθωσιν καὶ συμπλέτωσιν
Μήτι τὰ βδ. μέρη κατὰ τὸ η. (Απόδειξις.)
Τεργάντας δὴ τὸ ηεῖη ἐκτὸς γωνία η ὅποι αἱ
μείζων εἴτι τῆς ἐκτὸς καὶ ἀπεναντίον γωνίας
η ὅποι εἴη, ἀλλὰ καφίσι, ὅποι εἴτιν ἀδιάλογον.
Σὸν ἄρεται οὐτός, γέδ. ἐκβαλλόμεναι συμπε-
σθῶται, Μήτι τὰ βδ. μέρη. Ομοίως δὴ δειχθῆ-

σεται,

PARS ALTERA HVIVS PRI-
MI ELEMENTI.

Propositio vigesima septima. Theorema.

Si in duas lineas rectas, recta incidens linea, angulos alternos æquales inter se fecerit; æquedistantes inter se erunt rectæ illæ duæ lineæ.

Explicatio dati.) In lineas duas rectas ab, yd incidentes linea recta e β , angulos alternos ab, e β , æquales inter se faciat. (*Explicatio quaefit.*) Dico quod recta ab, recta yd, æquedistant. (*Hypothesis.*) Si enim nō æquedistant, cum protractæ linea rectæ ab, yd concurrent vel ex partibus β & d. vel ex partibus a, & y. protractione & concurrent ex partibus β , & d: in puncto η . (*Demonstratio.*) Trianguli igitur $\eta\beta$, angulus a β , externus, angulo e β in interno opposto est maior: verum tamen est ei æqualis. quod fieri non posset. quare rectæ ab, yd, si protractione, non concurrunt ex partibus β , & d. similiter de-
monstrata

σεῖαν, ὅπῃ δὲ οὐκέτι τὰ ἄγ. αἱ δὲ οὐκέτι μηδέπερ
τὰ μέρη συμπίπτουσι, παράλληλοί εἰσι, πα-
ράλληλοι ἀρχαὶ εἰς ή αβ, τῇ γδ. (Συμ-
πίπτοντα) Εὰν ἀρχαὶ εἰς δύο θέσεις θέσεις
ἐμπίπτουσι τὰς συαλλάξ γωνίες ἵσταις ἀλλή-
λαις ποιῆι, παράλληλοι ἔσονται αἱ θέσεις. ὅ-
περ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις κή. Γεώρημα.

EΑν αἱς δύο θέσεις θέσεια ἐμπίπτουσαι,
τὴν ἑκάτην γωνίαν, τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
καὶ οὐκέτι τὰ αὐτὰ μέρη ἴσθιν ποιῆι. Η τὰς ἐν-
τὸς καὶ οὐκέτι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὁρθαῖς ἵσταις
ποιῆι, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ θέ-
σεις.

Επιθεσις.) Εἰς γὰρ δύο θέ-
σεις τὰς αἼς, γράψας
ἐμπίπτουσι η εἰς, τὴν ἑκάτην
γωνίαν τὴν ψευδὸν γενθεῖσης, τῇ
ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον γω-
νία, τῇ ψευδὸν ηθῷ, ισηγ. ποι-
εῖται, η τὰς ἐντὸς καὶ οὐκέτι τὰ αὐτὰ μέρη τὰς
ὑπερβήθη, ηθῷ, δυσὶν ὁρθαῖς ἵσταις. (Διοργο-
μός.)

construbitur, quod neq; ex partibus a, c, g, concurrant recte vero, qua ex nostra parte concurrunt, si protabantur, sunt inter se aequidistantes. quare recta ab, aequidistantia re-
cte yd. (Conclusio.) Si igitur in duas linea-
res rectas, recta incidat linea, ac faciat angu-
los alternos inter se aequales: recte ista linea
inter se sunt aequidistantes. Id quod erat de-
monstrandum.

Proposicio vigesima octava. Theorema.

*S*i linea recta in duas rectas incidentes
lineas, extraneum angulum inter-
no cui opportunitur ex eadem parte fece-
rit aequalem: vel si duos internos ex
eadem parte fecerit aequales duobus
angulis rectis: aequidistantes inter se
truncunt duas illas lineas rectas.

Explicatio dati.) In lineas duas rectas ab,
y, incidentes linea recta e: angulum extra-
num en, interno opposto ex eadem parte
angulo yd faciat aequalem: & faciat duos
angulos internos ex eadem parte g, yd,
aequales duobus angulis rectis. (Explicatio

μὸς.) Δέγω ὅπ παράληπλος ἐστιν οὐ αἴθ, τῇ
γὰρ. (Απόδοσις.) Εἰσεῖτε γὰρ ἵσται οὐτανόν
εἶτε, τῇ ταπεῖθε, ἀλλὰ οὐ ταπεῖθε, τῇ υπε
αἴθεταιν ἵσται, καὶ οὐ ταπεῖθε, τῇ ταπεῖθε
εῖται ἵσται, καὶ εἰσὶν ἐναλλάξ. παράληπλο
εργατεῖται οὐ αἴθ, τῇ γὰρ. πάλιν ἐπεὶ αἱ ταπεῖθε,
ηθεῖ, δύσιν ὄρθαις ἵσται εἰσὶν, εἰσὶ δὲ καὶ αἱ υπε
αἴθ, οὐθὲ δύσιν ὄρθαις ἵσται, αἱ ἀρχαὶ ταπεῖθε,
βηθ, ταῖς ταπεῖθε βηθ, ηθεῖ, ἵσται εἰσὶ, καὶ εἰτὴ ἀφῆ
ρηθεῖ ταπεῖθε βηθ, λοιπὴ ἀρχα, οὐ ταπεῖθε,
λοιπὴ τῇ υπεηθεῖ εῖται ἵσται. καὶ εἰσὶν ἐναλ-
λάξ, παράληπλο ἀρχα εῖται οὐ αἴθ, τῇ γὰρ.
(Συμπίεσθαι.) Εαὶ ἀρχα εἰς δύο σύθειας
σύθεια ἐμπίπλου, τὰς ὑπέροχα γεννίαν τῇ συ-
τὸς ἐπανατίκον καὶ μήπετα τὰ αὐτὰ μέρη ἵσται
ποιεῖ, οὐτὰς συτὸς καὶ μήπετα τὰ αὐτὰ μέρη δυ-
σὶν ὄρθαις ἵσται, παράληπλοι εἰσιν) αἱ σύθεια.
ὅποι εἰδεῖται διπλῶσι.

Πρότιστις κ.θ. Γεώργιος.

Η αρι

queſti.) Dico quod recta $\alpha\beta$, a quodifuerit re-
ctayd. (Demonstratio.) Cum enim angulus
 $\eta\beta$, sit aequalis angulo $\eta\theta\delta$: & angulus $\eta\beta$,
etiam sit aequalis angulo $\eta\theta\delta$; idcirco angulus
 $\eta\theta\delta$, etiam est aequalis angulo $\eta\theta\delta$, & sunt
anguli alterni. quare recta $\alpha\beta$, recta yd, est
equedistans. Rursus, quoniam anguli $\zeta\eta\theta$,
 $\eta\theta\delta$, duobus rectis sunt aequales. & duo angu-
li $\alpha\eta\theta$, $\zeta\eta\theta$, etiam duobus rectis aequales: id-
circo anguli $\alpha\eta\theta$, $\beta\eta\theta$ sunt duobus angulis
 $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$ aequales: communis auferatur an-
gulus $\beta\eta\theta$. reliquus igitur angulus $\alpha\eta\theta$, re-
liquo angulo $\eta\theta\delta$ est aequalis, & sunt angu-
li alterni. ergo recta $\alpha\beta$, a quodifuerit recta
yd. (Conclusio.) Si igitur linea recta in
duas rectas incidens lineas, extraneum angu-
lum interno cui opponitur, ex eadem parte fe-
cerit aequalē: vel si duos angulos internos ex
eadem parte fecerit aequales duobus angulis
rectis: aequedistantes inter se erunt due illae li-
nea recta. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigeſima nona. Theoremata.

Linea

Ηας τὰς παραλήγεις ὀθίσις ὀθῖσται μετάποτε, τὰς πεντακλάξ γωνίας ἵσις ἀλλήλαις ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκπόσο, τῇ ἐκπόσῳ καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἵσις, καὶ τὰς ἐκπόσους καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὄρθαις ἴσις.

Εκδισις.) Εἰς γὰρ πα-
ραλήγεις ὀθίσις τὰς ~~αβ~~, ~~γδ~~, ~~εθῆται~~ ἐμπι-
τικές, ~~γέζ.~~ (Διορισμὸς.) Λέ-
γει ὅτι τὰς πεντακλάξ ~~γωνίας~~ τὰς ~~γωνίας~~ τὰς ~~γωνίας~~ αὐτῷ,
ἢθδ, ἵσις ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκπόσο γωνίαν τὸν
γωνίαν ἐπιβ, τῇ ἐκπόσῳ καὶ ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη τῇ γωνίᾳ ηθδίσιν, καὶ τὰς ἐκπόσους,
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς γωνίας ηθδ, ηθδ,
δυσὶν ὄρθαις ἴσις. (Απόδειξις μετὰ τῆς υ-
ποθέσεως.) Εἰ γὰρ ἀνισός εἴναι ή γωνία αὐτῶν μείζων εἴναι. ἔνα
μείζων ή ὑπὸ αὐτῷ, καὶ εἰσεὶ μείζων εἴναι ή ὑ-
πὸ αὐτῷ, τῆς υπὸ ηθδ, καὶ νη γωνιείσθω η
ὑπὸ βηθ. αἱ ἀρχὲ υπὸ αὐτῷ, ηθδ, τὴν υπὸ ηθδ,

Linea recta in duas rectas æquedistantes lineas incidens, facit angulos alternos inter se æquales: & angulum externum interno opposito ex eadem parte facit æqualem: item duos angulos internos ex eadem parte facit æquales duobus rectis.

Explicatio dati.) Sint duæ lineæ rectæ æquedistantes αβ, γδ: et in eas incidat linea recta ε. (Explicatio quæsiti.) Dico quod faciat angulos αγ, ηθδ, qui sunt alterni, inter se æquales: et angulum externum εηβ, angulo interno opposito ex eadem parte ηθδ æqualem: et angulos internos ex eadem parte positos εηθ, ηθδ, duobus rectis æquales. (Demonstratio cum hypothesi.) Si enim angulus αγ, non est equalis angulo ηθδ: alter illorum est maior, sit angulus αγ maior. Quoniam angulus αηθ, maior est angulo ηθδ: communis addatur angulus βηγ. ergo anguli αηθ, βηθ, sunt maiores angulis βηγ, ηθδ. Verum,

H rum,

ηθδ, μείζονες εἰσὶν. ἀλλὰ νὴ τὸ ἄηθ,
Βηθ, δυσὶν ὁρθῶς ἴσημε εἰσὶν. καὶ αἱ ἄρχι-
ωτὸ Βηθ, ηθδ, δύο ὁρθῶν ἐλάσονες εἰσὶν. αἱ δὲ
ἄττα ἐλάσονες η δύο ὁρθῶν σκιβαλόμημα
εἰς ἀπόφρον, συμπίπτουσιν. αἱ ἄρχα ἀθ, γδ, σκι-
βαλόμημα, εἰς ἀπένδρον, συμπεπεῖν). οὐ συμ-
πίπτουσι, Διὸ τὸ παραλλήλους αὐτὰς τὸν
κεῖσθαι. τὸν ἄρχα αἴτιος εἰσὶν η τὸ ἄηθ, τῇ
τὸ ηθδ, οὐ ἄρχα. ἀλλὰ η τὸ ἄηθ τῇ τὸ
ηθδ εἶνιν ίση, καὶ η τὸ ηθδ ἄρχα, τῇ τὸ ηθδ
εἶνιν ίση, κοινὴ περισκείδω, η τὸ Βηθ. αἱ ἄ-
ρχε τὸ ἄηθ, Βηθ, ταῖς τὸ Βηθ, ηθδ ισημε
εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ τὸ ἄηθ, Βηθ δυσὶν ὁρ-
θῶνται ισημε εἰσὶν. (Συμπέρασμα.) Η ἄρχα εἰς
τὰς παραλλήλους δύθειας δύθεια ἐμπέπτε-
σσι, τάς τε σκαλλὰξ γωνίας ίσιας ἀλλῆλαις
ποιεῖ, καὶ τών σκλος, τῇ συτὸς καὶ ἀπεναν-
τίον, καὶ ἔπει τὰ αὐτὰ μέρη ίσην, καὶ τὰς σκ-
τὸς, Ε ὅπει τὰ ἀνταμέρη, δυσὶν ὁρθῶνται ισημε
οὐ περ ἔδει δεῖξαι.

rum anguli $\alpha\eta\theta$, $\epsilon\eta\theta$ duobus rectis sunt aequalis. ergo anguli $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$, duobus rectis sunt minores: lineæ verò rectæ à duobus angulis, qui sunt minores duobus angulis rectis, in infinitum usq; ductæ concurrunt: quare rectæ $\epsilon\theta\delta$, $\gamma\theta\delta$ in infinitum productæ concurrent: sed quia aequidistantes proponuntur esse, non concurrunt: idcirco angulus $\alpha\eta\theta$, non est inequalis angulo $\eta\theta\delta$, erit igitur ei aequalis. Venum angulus $\alpha\eta\theta$, angulo $\epsilon\eta\beta$ est aequalis: ideo etiam angulos $\epsilon\eta\theta$, angulo $\eta\theta\delta$ est aequalis: communis addatur angulus $\beta\eta\theta$: ergo anguli $\epsilon\eta\beta$, $\epsilon\eta\theta$, angulis $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$ sunt aequales: venum anguli $\epsilon\eta\beta$, $\beta\eta\theta$ duobus rectis sunt aequales, idcirco & anguli $\beta\eta\theta$, $\eta\theta\delta$ duobus rectis aequales erunt. (Conclusio.) Linea igitur recta, in duas aequidistantes lineas rectas incidens, facit angulos alternos inter se aequales: & angulum externum interno opposito eisdem parte facit aequalem: item duos angulos internos ex eadem parte facit aequalibus rectis. Id q; erat demonstrandum.

Πρότασις λ. Θεώρημα.

ΑΙ τῇ αὐτῇ δύνειᾳ παράλληλοι, καὶ ἀλλήλαις εἰσ παράλληλοι.

Εκθεσις.) Εῖσω ἐκάπερα τῶν ἄν, γέδω τῇ εἴ παράλληλον. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅτι καὶ η ἀβ, τῇ γδ εἰς παράλληλος.
 (Καπισκόν.) Εμπιπλέτω γδ εἰς αὐτὰς δύνεια η ἡκ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐτοί εἰς παραλήλυγες δύνειας τὰς αν, εἴ δύνεια ἐμπέπλωκεν, η ἡκ, ἵση ἄρα η τροπή, τῇ ύπατῳ ηθῷ. πάλιν ἐτοί εἰς τὰς παραλήλυγες δύνειας τὰς εἴ, γδ, δύνεια ἐμπέπλωκεν η ἡκ, ἵση εἶνι η τροπήθη, τῇ τροπῇ ηκδ, ἐδείχθη δὲ καὶ η ύπατη άηκ, τῇ ύπατῃ ηθῇ ἵση, καὶ η ύπατη άηκάρα, τῇ ύπατῃ ηκδεῖν ἵση. Εἰσὶν ἐναλλὰξ, παράλληλον ἄρα εἰς οὐν ἄν, τῇ γδ. (Συμπέρασμα.) Αἱ ἄρα τῇ αὐτῇ δύνειᾳ παράλληλοι, καὶ ἀλλήλαις εἰσ παράλληλοι. Ὅποιος ἔδειξα.

Πρότα-

Propositio Trigesima. Theorema.

Væ eidem lineæ rectæ eæquedistat: illæ etiam inter se æquedistant.

Explicatio dati.) Sit linea recta $\epsilon\zeta$, cui æquedistent rectæ lineæ $\alpha\beta$, $\gamma\delta$. (*Explicatio quesici.*) Dico quod recta $\alpha\beta$, etiam æquedistet rectæ $\gamma\delta$. (*Delineatio.*) Incidat in prædictas lineas recta quædam linea $\eta\chi$. (*De monstratio.*) Quoniam in duas æquedistantes rectas $\alpha\beta$, $\epsilon\zeta$: incidit recta $\eta\chi$: idcirco angulus $\alpha\eta\beta$, est æqualis angulo $\eta\epsilon\beta$. Præterea quoniam in duas rectas æquedistantes $\epsilon\zeta$, $\gamma\delta$ recta incidit $\eta\chi$: angulus $\eta\theta\zeta$, erit æqualis angulo $\eta\chi\delta$. demonstratum verò est, quod angulus $\alpha\eta\beta$, angulo $\eta\theta\zeta$ sit æqualis. quare & angulus $\alpha\eta\beta$, angulo $\eta\chi\delta$ est æqualis, & sunt anguli alterni. Quare recta $\alpha\beta$, æquedistat rectæ $\gamma\delta$. (*Conclusio.*) Quæ igitur rectæ eidem linea rectæ æquedistant: illæ etiam inter se æquedistant. Id quod erat demonstrandum.

Πρότασις λα. Πρόβλημα.

Απὸ τῷ δοθέντῳ σημεῖῳ, τῇ δοθείσῃ σύθείᾳ, παράλληλον σύθείαν γεαμυμένην αγαγεῖν.

Εκθεσις.) Εῖναι τὸ μὲν δοθέν συμεῖον, τὸ ἄλλο δὲ δοθεῖσα σύθεία, η βῆ. (Διορίσμος.) Δεῖ δὴ διὰ τοῦτο σημεῖού, τῇ γένει σύθείᾳ, παράλληλον σύθείαν γεαμυμένην αγαγεῖν. (Κατασκευὴ) Εἰλήφθω ὅππι τῆς βῆς τυχὸν σημεῖον τὸ δέ, καὶ ἐπεξέχθω ἡ ἀδελφή τουτοῦ συνεστῶτα πρὸς τῇ δᾶσσει σύθείᾳ, καὶ τοῦ πρὸς αὐτῇ σημείου τῷ αὖτε, τῇ ὑπὸ αδελφῆς γωνίᾳ, ἵση η ὑπὸ δαῖς, καὶ εἰκενέληθω ἐπὶ σύθείας τῇ αὖτε σύθείᾳ η ἀδελφή. (Απόδειξις.) Καὶ ἔτοις εἰς δύο ἐνθείας τὰς βῆς, εἴς τὴν ἐνθείαν μπεστῶν η ἀδελφή, τὰς ἐναλλάξ γωνίας τὰς ὑπὸ ἀδελφῆς, αδελφῆς, ἵσθιται πεποίηκε, παράλληλον ἀραιέσιν η εἴς τῇ βῇ. (Συμπέρασμα.) Διὸ τῷ δοθέντῳ ἀραιᾳ σημεῖού τῷ αὖτε, τῇ δοθείσῃ ἐνθείᾳ τῇ βῇ παράλληλον ἐνθεία γεαμυμένην η εἴς τῷ αὖτε ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις

Propositio trigesima prima. Problema.

APUNCTO dato, datae linea rectæ, rectam lineam æquedistantem ducere.

Expliatio dati.) Sit datum punctum a , et data linea recta By . (Expliatio quæfici.) A dato puncto a , ducenda est linea recta æquedistantis linea recta datae, By . (Delineatio.) Sumatur in linea recta By , punctum quodvis d , et ducatur linea recta ad : Ad lin-
eam rectam ad , et punctum in ea a , angulo
rectilineo $ad'y$, æqualis statuatur angulus
rectilineus $da'e$, et ducatur linea $a'z$, et in-
ducatur linea ea . (Demonstratio.) Quoniam
in duas lineas rectas By , $a'z$, incidens linea
recta ad angulos alternos ead , $ad'y$, æqua-
les inter se fecit: idcirco recta $a'z$, æquedista-
recta By . (Conclusio.) A punto igitur
dato a , datae linea rectæ By , ducta est linea
recta $a'z$ æquedistantis. Id quod faciendum
erat.

Πρότασις λ.β. Θεώρημα.

ΠΑΝΤΟΣ τριγώνων μίας των πλευρῶν περιεκβληθείσος, ή ἐπίπον γωνία, δυσὶ ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον τοῖς ἐστι: Καὶ ἐντὸς τοῦ τριγώνου τριῶν γωνίας, δυσὶν ὄρθαις τοῖς εἰσὶν.

Ἐκφεσις.) Εῖναι τρίγωνον, τὸ ἀβγ, καὶ περιεκβεβλήθω αὐτοῦ μία πλευρὰ, η βγ ἢ πλὴ τὸ σ. (Διοργομέδος.) Λέγω ὅπη

ἐπίπον γωνίαν οὐδὲν αγδ
 τοῖς δύσι ταῖς δυσὶ ταῖς ἐντὸς Καὶ ἀπεναντίον ταῖς τριῶν γωνίας, αἱ τριῶν ἀβγ, βγα, γαβ, δυσὶν ὄρθαις τοῖς εἰσὶν. (Καλασκόνη.) Ηχθω
 γδ ἀλλὰ τῷ γ απρέιν τῇ αβ δύθεια, παράλληλογράφη. (Απόδεξις.) Καὶ ἐπεὶ παράλληλος ἐστιν η αβ, τῇ γε, καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπλωκεν η αγ, αἱ ἄρα συναλλαξ γωνίαι αἱ ὑπὸ βαγ,
 αγε, τοιη ἀλλήλαις εἰσι. πάλιν, ἐπεὶ παράλληλος ἐστιν η αβ, τῇ γε, καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν δύθεια η βδ, η ἐπίπον γωνία η τριῶν εγδ,

Propositio trigesima secunda.

Theorema.

OMNIS TRIĀGULI VNO È LATERIBUS PTRACTO, EXTERIOR ANGULUS, DUOBUS ANGULIS INTERIORIBUS QUIBUS OPPONITUR, EST EQUALIS: & TRIANGULI TRES INTERIORES ANGULI, DUOBUS RECTIS LUNT EQUALES.

(Explicatio dati.) Sit triangulus \overline{ABC} , & protrahatur latus eius \overline{BC} , ad punctum D ,
 (Explicatio quæsiti.) Dico quod angulus $\angle ACD$, est equalis duobus angulis $\angle A$, $\angle B$, interioribus quibus opponitur: & quod anguli tres interiores $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ sunt aequales duobus angulis rectis. (Delineatio.) Ducatur à punto C , linea recta \overline{AC} , aequidistant linea recta \overline{CE} . (Demonstratio.) Quoniam recta \overline{AC} , aequidistant rectæ \overline{CE} , & in eas incidit recta \overline{AD} Idcirco alterni anguli $\angle CAD$, $\angle ADE$ sunt inter se aequales. Item cum recta \overline{AC} , aequidistant rectæ \overline{CE} , & in eas incidit recta \overline{BD} : angulus

H 5 $\angle ACD$

ηγδ, ἵητις τῇ στοῖσι καὶ ἀπεναντίον, τῇ πάσῃ
αβῃ. ἐδεῖχθη δὲ καὶ τὸ πάσον αεγ, τῇ πάσῃ
βαγίση. ὅλη ἄρα η τῶν ἀγδ ἐκτὸς γωνία,
ἵητις δυσὶ ταῖς στοῖσι, Καὶ ἀπεναντίον, ταῖς
ὑπὸ βαγ, αβῃ. καὶ τὰς περικέματα η ὑπὸ^{το}
αγδ. αἱ ἀρχαὶ ὑπὸ αγδ, αγδ τρισὶ ταῖς ὑπὸ^{το}
αβῃ, βαγ, αβῃ, τομέσι τοῦτον αἱ ὑπὸ αγδ,
αγδ, δυσὶν ὄρθαις οὐκ εἰσὶν τοῦτον αβῃ,
βαγ, γαβ ἄρα δυσὶν ὄρθαις οὐκ εἰσὶ. (Συμ-
πέρχομα.) Παντὸς ἄρα τριγώνων μᾶς τῶν
πλεύρῶν περιεκβληθείσοντς, η στοῖσι γωνία,
δυσὶ ταῖς στοῖσι καὶ ἀπεναντίον ἵητις, καὶ αἱ
ἐντὸς τῷ τριγώνῳ τρεῖς γωνίαι, δυσὶν ὄρθαις
οὐκ εἰσὶν. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις λγ. Γεώργημα.

ΑΙ τὰς ισας τὲ Καραλλήλας ὅπι τὰ αὐ-
τὰ μέρη ὅπιζμηνύσουσαν Οὐδεῖαν, Καὶ αὐ-
ταὶ ισαπτε καὶ παραλληλοι εἰσὶν.

Εκφεσις.) Εἰσωσαν ισαμ τε καὶ παραλληλοι,
αἱ αβ, γδ, Καὶ ὅπιζμηνύτωσαν αὐτὰς ὅπι τὰ
αὐτὰ

$\alpha\gamma\delta$ externus, est aequalis angulo $\alpha\beta\gamma$ interno opposito. sed demonstratum est angulum $\alpha\gamma$, angulo $\beta\alpha\gamma$ esse aequalem. totus igitur angulus $\alpha\gamma\delta$ externus, duobus angulis interioribus oppositis $\beta\alpha\gamma$, $\alpha\beta\gamma$ est aequalis. Communis addatur angulus $\alpha\beta\gamma$. anguli igitur $\alpha\gamma\delta$ $\alpha\beta\gamma$, tribus angulis $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\alpha\beta$, $\gamma\beta\alpha$ sunt aequales. sed duo anguli $\alpha\gamma\delta$, $\alpha\beta\gamma$ sunt duobus rectis aequales. quare tres anguli $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\beta\alpha$, $\gamma\alpha\beta$, duobus rectis erunt aequales. (Conclusio.) Omnis igitur trianguli, uno è lateribus protracto: exterior angulus duobus angulis interioribus, quibus opponitur, est aequalis: Et trianguli tres interiores anguli, duobus rectis sunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

Proposicio trigesima tertia. Theorema.

Lineæ rectæ, quæ aequales, & àque distantes inter se lineas rectas ex eadem parte coniungunt: etiam ipsæ aequales, & aequidistantes inter se sunt.

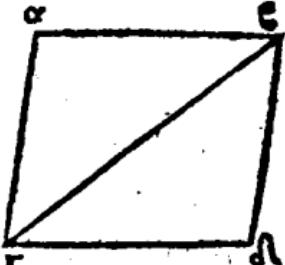
Explicatio dati.) Sint lineæ rectæ $\alpha\beta$, $\gamma\delta$, aequales, & aequidistantes: easq; ex eadem parte

αὐτὸς μέρη συθέναι αἱ ἄγ., βδ. (Διορισμὸς.)

Δέ γω ὅπειραι αἱ ἄγ., δβ., εἰσὶ τῷ παράλληλοις εἰσὶν.

(Καθεσκόμη.) Επεζεύχθω γύρῳ βῆ. (Απόδειξις.)

Καὶ ἐπεὶ παράλληλος ἐστιν ἡ ἄβ., τῇ γδ., καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν ἡ βῆ, αἱ ἐναλλὰξ γωνίαι, αἱ υπὸ ἄβγ., δγδ., ἵση ἀλλήλαις εἰσὶν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ἄβ., τῇ γδ., κοινῇ ἡ βῆ, δύο δῆται αἱ β., βῆ, δύο δὲ ταῖς δγ., γδ ἵση εἰσιν, καὶ γωνία ὡτὸ ἄβγ., γωνία τῇ ὡτὸ βγδ ἴση εἰσὶν. βάσις ἔργον ἡ ἄγ., βάσις τῇ βδ ἐστὶν ἴση, οὐ τὸ ἄβγ τριγωνον, τὸ βγδ τριγωνῷ ἴσην εἶναι. καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαιναι ἵση, ἐκάπερ φέρει ὑφ' αἷς αἱ ἵση αλληλαι ὑπολείνεσσιν. ἴση ἄρα ἡ ὡτὸ ἄγγει γωνία τῇ ὡτὸ γδ, καὶ ἡ υπὸ βαγ., τῇ ὡτὸ γδ. καὶ ἐπεὶ εἰς δύο διθέεις τὰς ἄγ., βδ: ἐνθεῖα ἐμπέπλωσαι βῆ, τὰς ἐναλλὰξ γωνίας τὰς υπὸ ἄγβ., γβδ ἵσας ἀλλήλαις πεποίηκεν. παράλληλοι ἄρα εἰσὶν ἡ ἄγ., τῇ βδ., ἐδείχθη δὲ αὐτῇ καὶ ἴση. (Συμπέρασμα.) Λέπρα



parte coniungant due rectæ, $\alpha\gamma$, $\beta\delta$. (Ex-
 plicatio quesiti.) Dico quod rectæ $\alpha\gamma$, $\beta\delta$, e-
 quales, & aequidistantes sint. (Delineatio.)
 Ducatur linea recta $\beta\gamma$. (Demonstratio.)
 Quoniam recta $\alpha\beta$, aequidistant rectæ $\gamma\delta$: &
 in eas incidit recta $\beta\gamma$: idcirco anguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\beta\gamma\delta$ alterni: sunt inter se aequales. Et cum
 recta $\alpha\beta$, sit aequalis rectæ $\gamma\delta$, communis ve-
 rò $\beta\gamma$: duo igitur latera $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, duobus la-
 teribus $\beta\gamma$, $\gamma\delta$ sunt aequalia: & angulus
 $\alpha\beta\gamma$, angulo $\beta\gamma\delta$ est aequalis. basis igitur
 $\alpha\gamma$, basi $\beta\delta$ est aequalis, & triangulus $\alpha\beta\gamma$,
 triangulo $\beta\gamma\delta$ est aequalis, & reliqui angu-
 li reliquis angulis sunt aequales alter alteri,
 quos aequalia illa latera subcendunt. angulus
 igitur $\alpha\gamma\beta$, angulo $\gamma\beta\delta$ est aequalis, & an-
 gulus $\beta\gamma\alpha$, angulo $\gamma\delta\beta$. & quoniam in du-
 as rectas $\alpha\gamma$, $\beta\delta$, recta incidentis $\beta\gamma$, angulos
 alternos $\alpha\gamma\beta$, $\gamma\beta\delta$, aequales inter se fecerit:
 idcirco recta $\alpha\gamma$, aequidistant rectæ $\beta\delta$. Verum
 demonstrata fuit ei esse aequalis. (Conclusio.)

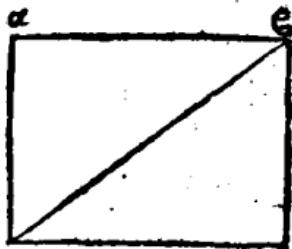
Linea

τὰς ἵσις τὲ καὶ παραλλήλους οὐπί τὰ αὐτὰ
μέρη ὅπερι δύνανται εὐθέαι, Εἰ αὖται, ἵσις
τὰς καὶ παραλληλούς εἰσὶν. οὗτος ἔδει δεῖξαι.

• Πρότασις λα. Ιεώρημα.

Τοιν παραλληλογράμμων χωρίων αἱ ἀ-
πεναντίον πλευραί τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλή-
λαι; εἰσὶ, Εἰ δὲ διάμετρος οὐ αὖτα δίχα τέμνει.

Εκθεσις.) Εῖσω παραλ-
ληλογράμμου, τὸ ἄγδβ,
διάμετρος δὲ αὐτὸς, η βγ.
(Διορισμός.) Λέγω ὅπερ
ἄγδβ παραλληλογράμ-
μου, αἱ ἀπεναντίον πλευ-



ραίτε καὶ γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ, Εἰ δὲ βγ,
διάμετρος οὐ αὖτο δίχα τέμνει. (Απόδειξις.)
Επεὶ γὰρ παραλληλός εἴσιν οἱ ἀβ τῇ βδ, καὶ
εἰς αὖτας ἐμπέπλωκεν εὐθέαι η βγ, αἱ ἐναλ-
λῆξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ἀβγ, βγδ, ἴσαι ἀλλή-
λαις εἰσὶ. πάλιν ἐπεὶ παραλληλός εἴσιν η αγ,
τῇ βδ, καὶ εἰς αὖτας ἐμπέπλωκεν η βγ, αἱ ἐν-
αλλῆξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ἀγβ, βγδ, ἴσαι ἀλλή-
λαις

Lineæ igitur rectæ, quæ aequales, & aequidistantes inter se lineas rectas, ex eadem parte coniungunt: etiam ipsæ aequales, & aequidistantes inter se sunt. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima quarta. Theorema.

AREÆ quæ aequidistantibus lineis rectis continentur, habent latera opposita, & angulos oppositos inter se aequales: & dimeriæ ipsas medias secant.

Explicatio dati.) Sit figura aequidistantibus lineis rectis contenta $\alpha\beta\gamma\delta$: dimeriens eius linea $\beta\gamma$. (*Explicatio quesiti.*) Dico quod area $\alpha\beta\gamma\delta$, latus $\alpha\beta$, sit aequale lateri $\gamma\delta$: ite latus $\alpha\gamma$, aequale lateri $\beta\delta$. Præterea dimeriens $\gamma\delta$ ipsam figuram secet in duas partes aequales. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\alpha\beta$, aequidistant recta $\gamma\delta$, & in eas incidit recta $\beta\gamma$: anguli alterni $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\delta$ sunt inter se aequales. Item quoniam recta $\alpha\gamma$, aequidistant recta $\beta\delta$, & in eas incidit recta $\gamma\delta$: anguli igitur alterni inter se sunt aequales.

Quare

λας εἰσὶ, δύο δὴ τρίγωνα εἰς τὰ ἄβγ, γέδ, τὰς δύο γωνίας τὰς υπὸ ἄβγ, βγά δυσὶ ταῖς υπὸ βγδ, γέδ, οὓς ἔχοντα εκάπεραν ἐκάλερα, καὶ μίαν πλευρὰν τῇ μᾶ πλευρᾷ ἵσην τὴν πρὸς ταῖς οὖσις γωνίαις κοινών αὐτῶν, τὴν βγ, καὶ τὰς λοιπὰς ἄρα πλευρὰς, ταῖς λοιπαῖς οὖσι ἐξει ἐκάλεραν ἐκάλερα, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν, τῇ λοιπῇ γωνίᾳ. οὐ αρα ἡ μὲν ἀβ πλευρὰ, τῇ γδ, ηδὲ ἄγ τῇ βδ, καὶ ηδὲ υπὸ βάγ γωνία, τῇ υπὸ βδγ. Εἴ επεὶ οὐ εἰς ηδὲ μὲν υπὸ ἄβγ γωνία, τῇ υπὸ βγδηδὲ ηδὲ υπὸ γέδ, τῇ υπὸ ἄγγ. ὅλη ἄρα ηδὲ υπὸ ἄβδ, ὅλη τῇ υπὸ ἄγδ οὐ εἰς. ἐδείχθη δέ καὶ ηδὲ υπὸ βάγ, τῇ υπὸ βδγ. Ισον. (Συμπέρασμα.) Τῶν ἄρα παραλληλοχράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραί τε καὶ γωνία, οἷσαν ἀλλήλας εἰσὶν. (Διορισμὸς δύο τερψ.) Λέγω δὲ οὐτε Εἴ η διάμετρος αὐτὰ δίχα τέμνει. (Διότερος ἀπόδειξις.) Επεὶ γδὲ οὐ εἰς ηδὲ β, τῇ γδ, κοινὴ δὲ ηδὲ βγ, δύο δὴ αἱ ἀβ, βγ, δυσὶ ταῖς γδ, βγ οἷσιν εἰς ταῦτα εκάπερα εκάλερα,

καὶ

Quare cum duo trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\delta\beta$, duos angulos $\alpha\beta\gamma$, $\beta\gamma\alpha$, habeant duobus angulis $\gamma\delta$, $\gamma\delta$ aequales, alterum alteri: & unum latus, vni lateri aequale, nempe latus $\beta\gamma$ commune quod ad angulos aequales est positum. idcirco & reliqua latera, reliquis lateribus habent aequalia, alterum alteri: & reliquum angulum reliquo angulo aequalem. latus $\alpha\beta$, aequale lateri $\gamma\delta$, & latus $\alpha\gamma$, aequale lateri $\beta\delta$, & angulum $\beta\alpha\gamma$, angulo $\delta\gamma\beta$, aequalem. Quia vero angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo $\beta\gamma\delta$ est aequalis, & angulus $\gamma\beta\delta$, angulo $\alpha\gamma\beta$ etiam aequalis. Totus igitur angulus $\alpha\beta\delta$, tunc angulo $\alpha\gamma\delta$ est aequalis. Verum & angulus $\beta\gamma\alpha$, demonstratus est aequalis angulo $\delta\gamma\beta$. (Conclusion.) Area igitur, que aequaliter lineis rectis continentur: habent latera opposita, & angulos oppositos inter se aequales. (Secunda explicatio quae fisi.) Dico quod diameter servet eam in duas partes aequales. (Demonstratio secunda.) Quoniam latus $\alpha\beta$, est aequale lateri $\gamma\delta$, & latus $\gamma\beta$ commune, duo igitur haec in $\alpha\beta$, $\gamma\beta$, dueb^o lateribus $\gamma\delta$, $\gamma\beta$ sunt aequa-

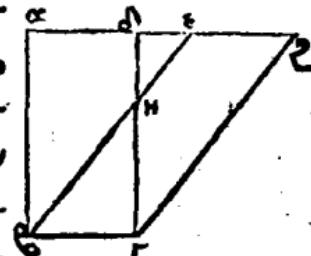
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ἀβγ, γωνία τῇ πάντῳ βγδ
ἴση ἐστι, καὶ βάσεις ἀρχὴ ἡ αὐτή βάση τῇ δβγίοι
ἐστι, καὶ τὸ αβγ τρίγωνον τῷ βγδ τριγώνῳ
ἴσουν ἐστίν. (Συμπέρασμα.) Ηλεῖται βγδ
μετρῷ δίχα τέμνει τὸ αβγδ παραλληλό-
γραμμον. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ΤΟ ΤΡΙΤΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ-
ΤΟΥ ΤΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ.

Πρότασις λε. Ιεώρημα.

ΤΑ παραλληλόγραμμα τὰ ὅπλα τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ σύν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, οὐκ ἀλλήλοις ἐστίν.

Ἐκθεσις.) Εἰσω παραλληλόγραμμα τὰ ἀβγδ,
εβγ, ὅπλα τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα τῆς βα, καὶ σύν
ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς αζ, βγ. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅπερ ἴσουν ἐστὶ τὸ αβγδ, περὶ εβγ.
(Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ παραλληλόγραμμον ἐπ τὸ αβγδ, τῇ βγδ ίση ἐστὶν ἡ αδ. Διεῖται τὰ αὐτὰ δύ-



tu alterum alteri: et angulus $\alpha\beta\gamma$, angulo, $\beta\gamma\delta$ equalis. ergo basis $\alpha\gamma$, basi $\delta\beta$ est equalis. & triangulus $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\beta\gamma\delta$ etiam equalis. (Conclusio.) Ergo diameter $\beta\gamma$, figuram $\alpha\beta\gamma\delta$ secat in duas partes aequales. Id quod demonstrandum erat.

TERTIA HVIVS ELEMENTI PARS.

Proposicio trigesima quinta. Theorema.

QUÆ parallelogramma eandem habent basin: & in eisdem aequalibus distantiis sunt lineis rectis: illa sunt aequalia inter se.

Explicatio dati.) Sine parallelogramma $\alpha\beta\gamma\delta$, $\epsilon\beta\gamma\zeta$: in eadem basi $\beta\gamma$: & eisdem lineis rectis aequalibus $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. (Explicatio quesiti.) Dico quod parallelogrammo $\alpha\beta\gamma\delta$, sit aequalis parallelogrammo $\epsilon\beta\gamma\zeta$.
(Demonstratio.) Quoniam $\alpha\beta\gamma\delta$, figura est parallelogrammon, idcirco latus $\beta\gamma$, est aequaliter ad $\beta\gamma$. Per eadem demonstrabitur quo-

τὰ δὲ καὶ οὐδὲ, τῇ Συνέσειν, ὥστε καὶ οὐδὲ,
 τῇ εἰς ισημερίᾳ. Εἰ καὶ ηὔδε, ὅλη ἀρχὴ αἱ, ὅλη
 τῇ διέξειν ισημερίᾳ, οὐδὲ καὶ ηὔδε, τῇ διέξειν, δύο
 δη αἱ εἰς, αἱ δύο, δύο στοιχεῖαν εἰκά-
 περ φέρειαν, καὶ γεννία ηὔδε, δύο, γεννία
 τῇ ισημερίᾳ, οὐδὲ καὶ τῇ ισημερίᾳ. Κάστις
 ἀρχὴ ηὔδε, βάσις τῇ Συνέσει. καὶ τὸ ιαντόν τοῖς
 γεννοῖς τῷ ηὔδε τριγώνῳ ισειν οὐδὲ. ποιὸν ἀφη-
 ἔνθα τὸ δῆμο, λοιπὸν ἀρχεῖ τὸ αὐτῷ τριγώνῳ
 γεννοῦνται τοῖς ηὔδε τριγώνῳ, οὐδὲ οὐδὲ.
 καὶ τοῦτο ηὔδε τὸ ηὔδε τριγώνῳ, ὅλον ἀρχεῖ
 τριγώνῳ ταραλληλόγραμμον, ὅλω τῷ ηὔδε
 ταραλληλόγραμμῳ, οὐδὲ οὐδὲ. (Συμπέρασ-
 μα.) Τὰ ἄρα ταραλληλόγραμμα τὰ οὐτικά
 τῆς αὐτῆς βάσεως οὐτε, καὶ οὐ ταῖς αὐταῖς
 ταραλληλοῖς, οὐκ ἀλλήλοις οὐδὲ. ὅπερ ἔδει
 δεῖξαι.

Πρότασις λ. Σ. Θεόρημα.

ΤΑ ταραλληλόγραμμα τὰ Πτί τῶν ισεων
 βάσεων οὐτα καὶ οὐ ταῖς αὐταῖς ταρα-
 ληλοῖς, οὐκ ἀλλήλοις οὐδὲ.

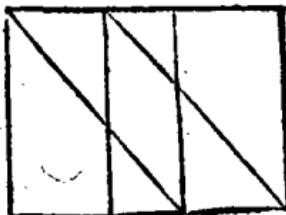
Εκθε-

latus $\epsilon\gamma$, aequali lateri $\beta\gamma$. quare & latus
 ad, est aequali lateri $\epsilon\gamma$. communis vero est
 recta de. totum igitur latus ac, toti latcri d δ
 est aequali. Verum latus ab, est etiam aequali
 lateri $\delta\gamma$: duo itaq; latera ea, ab, duobus la-
 teribus $\gamma\delta$, $\delta\gamma$ sunt aequalia alterum alteri,
 & angulus $\gamma\delta\gamma$, aequalis angulo eab, exter-
 nus in interno. basis igitur eC, basi $\gamma\gamma$ est aequa-
 lis, & triangulus eab, triangulo $\gamma\delta\gamma$ aequa-
 lis, communis auferatur triagulus $\delta\eta\epsilon$. qua-
 re reliquum trapezion abnd, reliquo trape-
 zio eny γ est aequali. Communis addatur tri-
 angulus nB γ : totum igitur parallelogram-
 mon abyd, est aequali toto parallelogram-
 mo eB $\gamma\gamma$. (Conclusio.) Quae igitur paralle-
 logramma eandem habent basin: & in eisdem
 aequidistantibus sunt lineis rectis: illa sunt
 inter se aequalia. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima sexta. Theorema.

V& parallelogramma aequales ha-
Qbent bases: & sunt in eisdem aequa-
 distantibus lineis rectis: illa sunt aequa-
 lia inter se.

Εκθεσις.) Εσω παραλληλόγραμμα τὰ ἄβγυδ, εἰζηθ, ὅπτι ἵσων
Βάσεων, τῶν βγ, ζη,
καὶ ἐσ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς ἀθ,
ζη. (Διορθώσθω.) Λέ-



γω ὅπι ἵσων ἐσὶ τὸ ἄβγυδ παραλληλόγραμμον
παρεἰζηθ. (Κατασκόψῃ.) Επεζύχθωσαι γὰρ
αἱ βε, γθ. (Απόδεξις.) Καὶ ὅπτι ἵσην ἡ βγ
τῇ ζη, ἀλλὰ καὶ ἡ ζη, τῇ εθ ἐσὶν ἵση, καὶ ἡ βγ
ἀρφ, τῇ εθ ἐσὶν ἵση. εἰσὶ δὲ καὶ παραλλήλοι, καὶ
ὅπτιζύγιον αὐτὰς αἱ βε, γθ. αἱ δὲ τὰς ἴ-
σας τε ē παραλλήλας ὅπτι τὰ αὐτὰ μέρη
παρεζύγιον, ἵση τὰ καὶ παραλλῆλοι εἰση.
καὶ αἱ εβ, γθ ἀρφεῖση τε εἰσὶ, καὶ παραλλῆλοι.
παραλληλόγραμμον ἀρφεῖσι, τὸ εβγυδ. καὶ ἔ-
πιν ἵσων παλαβγυδ, βάσιν τε γδ αὐτὸ τῷ αὐ-
τῷ ἔχει τῷ βγ, καὶ σὺ λαῖς αὐταῖς παραλλή-
λοις ἐσὶ αὐτῷ, ταῖς βγ, ἀθ. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ
ē τὸ ζηθὲ, τῷ αὐτῷ, τῷ εβγυδ, ἐσὶν ἵσων, ὥσε ē
τὸ ἄβγυδ παραλληλόγραμμον, τῷ εἰζηθ ἵσων
ἐστι. (Συμπέρασμα.) Τὰ ἀρα παραλληλό-

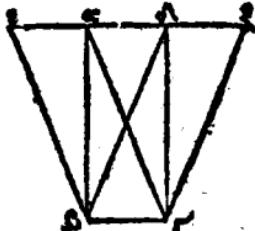
Explicatio dati.) Sint parallelogramma $a\beta\gamma\delta, e\zeta\eta\theta$: habentia bases $\beta\gamma, \zeta\eta$ aequales: & sine inter easdem aequidistantes rectas linea $s a\theta, \beta\eta$. (Explicatio quæsiti.) Dico quod parallelogrammon $a\beta\gamma\delta$, sit aequale parallelogrammo $e\zeta\eta\theta$. (Delineatio.) Ducantur linea rectæ $\beta\epsilon, \gamma\theta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\beta\gamma$, aequalis est rectæ $\zeta\eta$: & $\zeta\eta$ est aequalis rectæ $\epsilon\theta$. idcirco & $\beta\gamma$, est aequalis rectæ $\epsilon\theta$. verum sunt linea rectæ aequidistantes, easq; coniungunt rectæ $\beta\epsilon, \gamma\theta$: rectæ verò que aequales, & aequidistantes rectas ex eadem parte coniungunt: & ipsæ aequales, & aequidistantes sunt: quare rectæ $\epsilon\beta, \gamma\theta$ aequales & aequidistantes sunt: atq; figura $e\zeta\eta\theta$ est parallelogrammon, et est aequale parallelogrammo $a\beta\gamma\delta$. quia cum eo eandem habet basim $\beta\gamma$: & in eisdem est aequidistantib^o rectis $\zeta\eta$, ab. Similiter demonstrabimus quod $\zeta\eta\theta$ ei- dem parallelogrammo $e\zeta\eta\theta$ sit aequale. quare parallelogrammon $a\beta\gamma\delta$, parallelogrammo $e\zeta\eta\theta$ est aequale. (Conclusio.) Quæ igitur parallelogramma aequales habent bases: & sunt is-

χρηματά τὰ ὅπλα τῶν ἵσων βάσεων ὅπου καὶ σε
ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἵσαι ἀλλήλοις εἰ-
σιν. ὅπερ ἴδει δεῖξα.

Πρότασις λ?. Φεύγεται.

ΤΑ πρίγκιψαν οὐλὴ τῆς αὐτῆς βάσεως ὅπ-
τα, καὶ σε ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, εἰ-
σαι ἀλλήλοις εἰσὶν.

Ἐπειστις.) Εἴσω πρίγκιψαν
τὰ ἄβηγ, δύζ, ὅπλα τὸν αὐ-
τῆς βάσεως οὐλα τῆς δύ.,
καὶ σε ταῖς αὐταῖς παρα-
λλήλοις, ταῖς ἄδ., δύ. (Διο
ρισμὸς.) Λέγεται ἐπίσω ε-
τὶ τὸ ἄβηγ πρίγκιψον, τῷ δύῃ πρίγκιψώ. (Κα-
ποκόδη.) Εκβεβλήθω ἡ ἄδ. ἐφ' ἐκάπερε
τὰ μέρη, ὅπλα τὰ δ., ζημέσα, καὶ Διέκριμ' τὰ
δε, τῇ γὰ παραλληλοῦ χθωνῇ βε. Διέκριμ' τὰ
δ., τῇ βδ. παραλληλοῦ χθωνῇ γ. (Από-
δειξις.) Παραχληλόχρηματος ἄριστον εἰσὶν ἐκά-
περον τῶν εἶσαι, δύει. καὶ ἴσον εἶβα, τῷ
δύει. ὅπλι περὶ τὸν αὐτῆς βάσεως εἰσὶ τὸ δύ., καὶ
σε ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς δύ., εἰ. καὶ
επὶ τῷ μὲν δύᾳ παραχληλοῦ χρήματος ἄριστον
τὸ αἴρετον.



videm aequidistantibus lineis rectis, illa sunt
equalia inter se. id quod erat demonstrandum.

Proposicio trigesima septima. Theorema.

Quod trianguli eandem habent basim,
& sunt in eisdem aequidistantibus
lineis rectis; illi sunt inter se aequales.

Explicatio dati.) Sint duo trianguli $\alpha\beta\gamma$,
 $\delta\gamma\beta$, super eadem basi $\beta\gamma$: & in eisdem a-
equidistantibus lineis rectis $\alpha\delta$, $\gamma\gamma$. (*Expli-
catio quaestio.*) Dico quod triangulus $\alpha\beta\gamma$, sit
equalis triangulo $\delta\gamma\beta$. (*Delineatio.*) Pro-
ducatur linea recta $\alpha\delta$, in veramq[ue] partem ad
punktum ϵ , & ζ : & ex punto β , ducatur linea
recta $\beta\epsilon$, aequidistans linea recta $\alpha\gamma$. prae-
terea ex punto γ , ducatur recta $\gamma\zeta$, aequidistans
recta $\beta\delta$. (*Demonstratio.*) Veraq[ue] igitur fi-
gura $\epsilon\beta\gamma\zeta$, est parallelogrammon.
¶ parallelogrammon $\epsilon\beta\gamma\zeta$, est aequale paral-
lelogrammo $\alpha\beta\gamma\delta$, quia super eadem basi $\beta\gamma$
est, & inter easdem aequidistantes lineas re-
tas $\gamma\zeta$, $\epsilon\zeta$, & parallelogrammi $\epsilon\beta\gamma\zeta$ adimidiū

I 5 est.

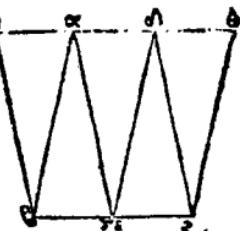
ἄβγ τρίγωνον. ἡ γὰρ ἄξια μετρεῖται αὐτὸν δίχα τέμνει, τὰ δὲ δέργα ταραχαλλήλογράμματα, ἥμου τὸ δέργον τρίγωνον, ἡ γὰρ δέργη ταραχαλλήλογράμματα αὐτὸν δίχα τέμνει. τὰ δὲ τῶν ἵσων γράμματα, ἵσαι ἀλλήλαις εἰσὶν. ἵσαι δέργαι τὸ δέργον τρίγωνον, τὰ δέργα τρίγωνων. (Συμπέρεδομα.) Τὰ δέργα τρίγωνα τὰ ἔπι τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ σε ταῖς αὐταῖς παραχαλλήλοις, ἵσαι ἀλλήλαις εἰσὶν. ὁ τοῦ δέργα δεῖξα.

Πρότερος λη. Θεώρημα.

ΤΑ τρίγωνα τὰ ἔπι τῶν ἵσων βάσεων ὄντα, καὶ σε ταῖς αὐταῖς παραχαλλήλοις, ἵσαι ἀλλήλαις εἰσὶν.

Ἐκθεσις.) Εῖσω τρίγωνα τατὰ δέργα, δέργα, ἔπι τῶν ἵσων βάσεων ὄντα, τῶν δέργων, εἰς, καὶ σε ταῖς αὐταῖς παραχαλλήλοις, ταῖς δέργαις, δέργαις.

(Διορισμός.) Λέγεται ὅτι ἵσαι τὸ δέργον τρίγωνον, τὰ δέργα τρίγωνων. (Κατασκεψή.) Εκβεβλήθω γὰρ αδέφη ἐκάπερ τὰ μέρη, ἔπι τὰ δέργα, καὶ ταραχαλλήλοις β, τῷ



est, triangulus $\alpha\beta\gamma$. nam diameter $\alpha\delta$ ipsum per medium secat. parallelogrammi vero $\delta\gamma$
 $\gamma\zeta$ dimidium est triangulus $\delta\zeta\gamma$. nam diameter $\delta\gamma$ ipsum per medium secat. Quae vero
equalium sunt dimidia, illa inter se sunt aequalia. triangulus igitur $\alpha\beta\gamma$, triangulo $\delta\zeta\gamma$
est aequalis. (Conclusio.) Qui igitur trianguli sunt super eadem basi, & inter easdem
lineas rectas aequidistantes, illi inter se sunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

Propositio trigesima octava. Theorema.

Quoniam trianguli aequales habent ba-
ses: & sunt in eisdem aequidistan-
tibus lineis rectis, illi inter se sunt a-
equales.

Explicatio dati.) Sint trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\delta\zeta\gamma$
super basibus aequalibus $\beta\gamma$, $\zeta\gamma$, in eisdem a-
equidistantibus lineis rectis ad, $\beta\zeta$. (Expli-
catio quaesiti.) Dico quod triangulus $\alpha\beta\gamma$
sit aequalis triangulo $\delta\zeta\gamma$. (Delineatio.)
Producatur linea recta ad, in veramq, par-
um ad puncta η , & θ . Ex punto β , ducatur
linea

Θ, τῇ γὰρ παράληπτῇ ἡχθῷ, οὐ βῆ, οὐδὲ δέ
τῇ, οὐδὲ παράληπτῇ ἡχθῷ οὐδὲ. (Από-
δεξίς.) Παραληπόχραμπον ἀρχεῖν ἐκά-
τερον τῶν ηγεμών, δεῖθ, καὶ οὖν τὸ ηγεμόν, πο-
δεῖθ. Μήποτε μὲν θάσων βάσεων εἰσὶ τῶν βύ, εἴ,
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραληπήσοις ταῦς βύ,
οὐδὲ καὶ ἐν τῷ μὲν ηγεμόν παραληπόχρα-
μπον ημίου, τὸ ἄλλο τρίγωνον. οὐδὲ διαβλέ-
ψεις Θ, δίχα αὐτὸ τεμνει. τῷ δὲ δεῖθ, πα-
ραληπόχραμπον, ημίου τὸ δεῖθ τρίγωνον, οὐ
οὐδὲ, οὐδὲ μετρηθεῖ δίχα αὐτὸ τεμνει. τὰ δέ
τῶν θάσων ημίου, οὐαὶ αλλήλοις εἰσὶν. οὖν ἀρχε-
ῖσι τὸ ἄλλο τρίγωνον τῷ δεῖθ τρίγωνο. (Συμ-
πέρσημα.) Τὰ δέσι τρίγωνα τὰ ὅπλα τῶν
θάσων βάσεων ὅντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς πα-
ραληπήσοις, οὐαὶ αλλήλοις εἶν. οὐδὲ διαδεξα-

Πρότατος λθ. Ιωάννημα

ΤΑῖσα τρίγωνα τὰ ὅπλα τῆς αὐτῆς βάσε-
ως ὅπλα, Ε ὅπλα τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς παραληπήσοις εἰσὶν.

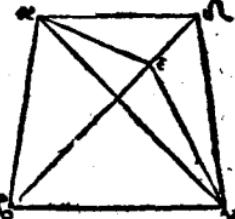
base recta $\beta\gamma$, aquedistantis linea recta ay . Item ex punto δ ducatur linea recta $\gamma\theta$, aquedistantis linea rectae de . (Demonstratio.) Vtq; igitur figura $\eta\beta\gamma a$, de $\gamma\theta$ est parallelogrammon. & parallelogrammon $\eta\gamma a$, est aequale parallelogrammo de $\gamma\theta$. quia super basibus $\beta\gamma$, & $\gamma\theta$, equalibus, & in eisdem lineis rectis aquedistantibus $\gamma\theta$, $\eta\theta$ sunt. præterea parallelogrammi $a\beta\gamma a$ dimidium, est triangulus $a\beta\gamma$, quoniam diameter $a\beta$ ipsum secat per medium. & parallelogrammi de $\gamma\theta$ dimidium, est $\zeta\delta$ triangulus. quia diameter $\gamma\delta$, ipsum secat medium. Quæ verò aequalium sunt dimidia, illa inter se sunt aequales. quare triangulus $a\beta\gamma$, triangulo $\delta\zeta$ est aequalis. (Conclusio.) Qui igitur trianguli super basibus fuerint aequalibus, & in eisdem lineis aquedistantibus, illi inter se sunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

Proposicio trigesima nona. Theorema.

Trianguli aequales, eandem habentes basim: & ex eadema parte, & in eisdem aquedistantibus rectis sunt.

Expli-

Εκθεσις.) Εῖσω τρίγωνα ἵσται τὰ ἀβγ, δβγ.
ὅποι τῆς αὐτῆς βάσεως
ὄντα, τῆς βγ. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅποι καὶ σὺ ταῖς
αὐταῖς παραλλήλοις εἰ-
σίν. (Καλασκόη.) Επε-
ζύχθω γδὴ ἀδ, λέγω ὅ-



πι παράλληλον ἐστὶν ἡ ἀδ, γῆτε γβ. Εἰ γδὲ μῆ-
τρικήθω ΔΑΓ. Τὰ σημεία τῆς διάθεσία παράλ-
ληλον ἡ αε, καὶ ἐπεζύχθω ἡ εγ. (Ἀπόδει-
ξις.) Ισσον ἄρετον τὸ ἀβγ τρίγωνον, τῷ δβγ
πριγώνῳ. ὅποιτε γδὴ τῆς αὐτῆς βάσεως ἐστιν
αὐτῷ τῆς βγ, καὶ σὺ ταῖς ἀυταῖς παραλλή-
λοις ταῖς βγ, αε. ἀλλὰ τὸ ἀβγ, τῷ δβγ ἐστὶν
ἴσον, καὶ τὸ δβγ ἄρετον τρίγωνον, τῷ δβγ ίσον
ἐστὶν, τῷ μετίζον τῷ ἑλάστονι, ὅπερ ἀδιώκατον.
Σοὶ ἄρετον παράλληλός ἐστιν ἡ αε, τῇ βγ. Ο-
μοίως δὴ δείξομεν, ὅποι γδὲ ἄλλη τίς πλειὸν
ἀδ. ἡ ἀδ ἄρετον, τῇ βγ ἐστὶν παράλληλον.
(Συμπτέρασμα.) Τὰ ἄρετα τρίγωνα τὰ ἐ-
πὶ τῆς ἀυτῆς βάσεως ὄντα, καὶ σὺ ταῖς ἀυταῖς
παραλλήλοις εἰσίν. ὅπερ ἔδει δεῖξαι:

Explicatio dari.) Sint trianguli $\alpha\beta\gamma$. $\delta\epsilon\gamma$ super eadē basi γ . (Explicatio quaesiti.) Dico quod etiam in eisdē sint lineis rectis aequalibus. (Delineatio.) Ducatur linea recta ad: dico quod recta ad, aequedistet rectae γ . si enim ei non aequedistat, ducatur per punctum α , recta linea $\beta\gamma$ aequidistantis rectae ad: & ducatur linea recta $\epsilon\gamma$. (Demōstratio.) Triangulus igitur $\alpha\beta\gamma$, est aequalis triangulo $\delta\epsilon\gamma$, quia super eadem basi γ est, & in eisdem lineis rectis aequidistantibus γ , ac. versus triangulus $\alpha\beta\gamma$, est aequalis triangulo $\delta\epsilon\gamma$: idcirco & triangulus $\delta\epsilon\gamma$, triangulo $\alpha\beta\gamma$ est aequalis: maior minori. quod fieri nequit. Quare recta ad, nō aequedistat rectae γ . Similiteratione demonstrabimus, quod nulla alia praterquam ad, recta, aequidistet rectae γ . recta igitur ad, recta $\beta\gamma$ aequedistat. (Conclusio.) Trianguli igitur aequales, eandem habentes basim, in eisdem sunt aequidistantibus rectis. Id quod erat demonstrandum.

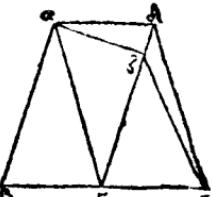
Propo-

Propo-

Πρότασις μ. θεώρημα.

ΤΑῦτα τείγωντα τὰ ἔπι τῶν ἰσων βάσεων
οὐλα, καὶ ὅπλα τὰ ἀντα μέση, καὶ στοιχεῖα
αὐτῶν παραδιήλοις εἰν.

Εκφεσις.) Εῖσθι τείγωντα
ἴσα, τὰ ἀβγ, ἡδε, ὅπλα
σων βάσεων οὐλα τῶν Βγ,
Δε. (Διοργομέν.) Λέγω
ὅπηντι στοιχεῖαν πα-
ραδιήλοις εἰσὶν. (Καλα-
σκοδη.) Επεζέχθω γὰρ η ἀδ. Λέγω ὅπη πα-
ραδιήλοις εἰν η ἀδ, τῇ Βε. Εἰ δὲ μὴ, ἡχθω
Ἄλλα τῷ α, τῇ βε παραδιήλοις η ζα. η ἐπε-
ζέχθω η ζε. (Απόδειξις.) Ισον αριστεῖ τὸ
ἄβγ τείγωντον, τῷ ζγε τείγωντον. Ὅπλα γὰρ
ἴσων βάσεων εἰσὶ τῶν Βγ, Δε, καὶ στοιχεῖαν
αὐτῶν παραδιήλοις τοῖς Βε, Ζα. ἀλλὰ τὸ άβγ
τείγωντον, ισον οὐσι, τῷ δγε τείγωντον, καὶ τὸ
δγε τείγωντον ἄρα, ισον οὐσι τὸ ζγε τείγωντον,
τὸ μετ' ου, τῷ ἐλάσσονι: ὅπερ ἀδιώδον. Σοκ
ἄρα παραδιήλοις εἰν η Αδ, τῇ Βε. Ομοίως
δη δείξομεν, ὅπερ δέ αλληπεπλιν τῆς αδ. η
αδ ἄρα



Propositio quadragesima. Theorema.

Trianguli æquales, super æqualibus constituti basibus: sunt in eisdem lineis rectis æquedistantibus.

Explicatio dati.) Sint trianguli $\alpha\beta\gamma$, $\gamma\delta\epsilon$ super basibus $\beta\gamma$, $\gamma\epsilon$ æqualibus. (Explicatio quæsiti.) Dico quod in eisdem fine æquedistantibus lineis rectis. (Delineatio.) Ducatur recta $\alpha\delta$, dico quod ad $\alpha\delta$, æquedistans recta $\beta\epsilon$: si enim ei non æquedistat, ducatur per punctum α recta $\beta\epsilon$, æquedistans recta $\alpha\delta$: et ducatur recta $\beta\epsilon$. Triangulus igitur $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\gamma\delta\epsilon$, quia sunt constituti super basibus $\beta\gamma$, $\gamma\epsilon$ æqualibus, & in eisdem lineis rectis æquedistantibus $\beta\epsilon$, $\alpha\delta$: sed triangulus $\alpha\beta\gamma$, est æqualis triangulo $\delta\epsilon\gamma$: quare triangulus $\delta\epsilon\gamma$, etiam erit æqualis triangulo $\gamma\beta\alpha$, maior minori, quod serinequit. non igitur recta $\alpha\delta$, æquedistat recta $\beta\epsilon$. Similis ratione demonstrabimus,

K quod.

120. ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

ἀδέρφη τῇ βίᾳ παράλληλος ἐστι. (Συμπλέκεσθαι.) Τὰ ἀρχαῖα πείγωντα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὅντα, Καὶ ταῖς αὐταῖς ἐνὶ παραλλήλοις. ὅπῳ ἔδει δῆξε.

Πρότεροι μα. Ιεώρημα.

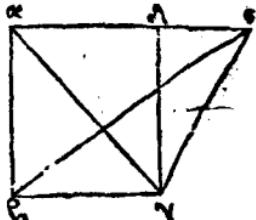
ΕΑν παραλληλόγραμμον πειγώντων βάσιν τὴν ἔχειν αὐτὴν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἡ, διπλάσιον ἔσται τὸ παραλληλόγραμμον τῷ πειγώντῳ.

Ἐκθεσις.) Παραλληλόγραμμον γὰρ τὸ ἀβγδ, πειγώντων τῷ εἶναι, βάσιν τε ἔχεται τὴν αὐτὴν τὴν βγ, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ἐνώ παραλλήλοις ταῖς

βγ, α. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅποι διπλάσιον ἐστὶ τὸ ἀβγδ, παραλληλόγραμμον, τῷ εἶναι πειγώντῳ. (Κατασκοπὴ.) Επειδύχθω γὰρ ἡ αγ.

(Απόδεξις.) Ισηρὴ δὴ ἐστὶ τὸ ἀβγ, τῷ εἶναι πειγώντῳ. Οὗτοι ποὺ γὰρ τὰ αὐτῆς βάσεως ἐνὶ αὐτῷ, τῷ βγ, καὶ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς

εγ



quod nulla alia praterquam ad recta, aequaliter rectæ $\beta\epsilon$. (Conclusio.) Trianguli igitur aequalis, super aequalibus constituti basibus: sunt in eisdem lineis rectis aequidistantibus. id quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima prima.
Theorema.

Parallelogrammon trianguli est duplum, si super eadem consistat basi: & in eisdem fuerit aequidistantibus lineis rectis.

Explicatio dati.) Parallelogrammon $a\beta\gamma\delta$, & triangulus $a\beta\gamma$: sunt super eadem basi $\beta\gamma$, in eisdem aequidistantibus lineis rectis $a\beta$, $\beta\gamma$. (*Explicatio quesiti.*) dico quod parallelogrammon $a\beta\gamma\delta$, sit duplum trianguli $\beta\gamma$. (*Delineatio.*) Ducatur recta $a\gamma$. (*Demonstratio.*) Triangulus $a\beta\gamma$, est aequalis triangulo $\beta\gamma$, quia super eadem basi sunt $\beta\gamma$: & in eisdem aequidistantibus lineis rectis

K_2 $\beta\gamma$.

βγ, α. ἀλλὰ τὸ ἄβγδ παραλληλόγραμ-
μον, διωλάσιον ἐστι τῷ ἄβγ τριγώνῳ. η γάρ
διάμετρος, ἀυτὸ δίχα τέμνει. ὡσε τὸ ἄβγδ
παραλληλόγραμμον, καὶ τῷ εβγ τριγώνῳ ἐστι
διωλάσιον. (Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα πα-
ραλληλόγραμμον, τριγώνῳ βάσιν τὴν ἔχει
τὸν ἀντίκα, καὶ τοῖς ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
η, διωλάσιον ἐστι τὸ παραλληλόγραμμον τρι-
γώνῳ. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις μὲν. Πρόσλημα.

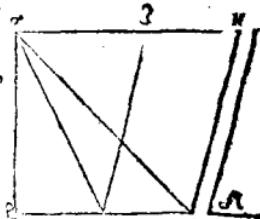
Τῷ δοθέντι τριγώνῳ, ἵσσι παραλληλό-
γραμμον συστοιδεῖ, καὶ τῇ δοθείσῃ εἰ-
δηγράμμῳ γωνίᾳ.

Ἐκθεσις.) Εἰσω τὸ μὲν δοθέν τρίγωνον, τὸ
ἄβγ, η δὲ δοθεῖσα εύθυ-

γραμμος γωνία, η δ.

(Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ τῷ
ἄβγ τριγώνῳ, ἵσσι πα-
ραλληλόγραμμον συστή-
σιδε, καὶ ἵση τῇ διγωνίᾳ

εἴδηγράμμῳ. (Κατασκεψή.) Τελμήσθω
βγ δίχα



Py, ac. sed parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, est duplum trianguli $\alpha\beta\gamma$: quia $\alpha\gamma$ diameter ipsum medium secat. quare & parallelogrammon $\alpha\beta\gamma\delta$, trianguli $\epsilon\gamma$ duplum erit. (Conclusio.) Parallelogrammon igitur trianguli est duplum: si super eadem consistat basi, & in eisdem fuerit aequidistantibus lineis rectis. Id quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima secunda.

Problema.

Dato triangulo, aequale statuere parallelogrammon in angulo rectilineo dato.

Explicatio dati.) Sit triangulus datus $\alpha\beta\gamma$: & datus angulus rectilineus δ . (Explicatio quaesiti.) Dato triangulo $\alpha\beta\gamma$, statuendum est parallelogrammon aequale: in angulo qui est aequalis dato angulo rectilineo δ . (Delineatio.) Dissecetur linea recta

K 3 $\beta\gamma$

βῆ δίχα κατὰ τὸ ἐ, καὶ ἐπεζέχθω ἡ αῖ, καὶ σωεσάτω πέος τῇ εγ γέθεια, Ε τῷ πέος αὐτῇ σημείῳ τῷ ε, τῇ δὲ γωνίᾳ ἵη ὁ τῶν γεζ. καὶ Διά μὴ τῷ α, τῇ εγ παράλληλοῦ πέχθω, η αη, Διά τῷ βγ, τῇ ζεταράλληλοῦ πέχθω ἡ γη, παράλληλόγραμμον ἀρχεῖται, τὸ ζευη. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπειδὴν ἐτίνη θε, τῇ εγ, ἴσσου ἐτίνη καὶ τὸ ἄβε τριγώνου, τῷ αεγ τριγώνῳ. Οὔπιτε γδίσων βάσεων εἰσὶ τῶν θε, εγ. Εἰ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς εγ, αη. οἰκλάσιον ἀρχεῖται τὸ ἄβγ, τῷ αεγ τριγώνῳ. ἔτι δὲ καὶ τὸ ζευη παραλληλόγραμμον, οἰκλάσιον τῷ αεγ τριγώνῳ. βάσιν τε γδ αὐτῷ τῶν αὐτῶν ἔχει, καὶ εἰ ταῖς αὐταῖς ἐτίναι αὐτῷ παραλλήλοις. ἴσσον ἀρχεῖται τὸ ζευη παραλληλόγραμμον, τῷ ἄβγ τριγώνῳ. καὶ ἔχει τῷ τῶν γεζ γωνίαν, ἴσλι τῇ δ. (Συμπέρεχομα.) Τῷ ἀρχ δοθέντη τριγώνῳ τῷ ἄβγ, ἴσσον παραλληλόγραμμον σωεσάθη τὸ ζευη, εἰ γωνίᾳ τῇ τῶν ζεγ, η ἐτίνη ἵη τῇ δ. οἵδε ἔδει ποιησαν.

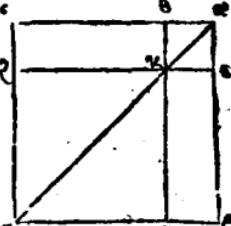
Πρό-

By media in puncto ϵ : & ducatur linea recta
 $\alpha\epsilon$: aq; ita statuatur ad lineam rectam $\epsilon\gamma$, &
 punctum eius ϵ , dato angulo rectilineo δ : equa-
 lis angulus rectilineus $\gamma\zeta$: postea ducatur
 per punctum α , linea recta $\gamma\epsilon$, aequidistans li-
 nea recta $\alpha\gamma$: & per punctum γ , linea recta
 $\zeta\epsilon$ aequidistans linea recta $\gamma\eta$. Erit itaq; figu-
 ra $\zeta\gamma\eta$ parallelogrammon. (Demōstratio.)
 Quoniam $\beta\epsilon$ est aequalis $\epsilon\gamma$: idcirco & trian-
 gulus $a\beta\epsilon$, triangulo $a\epsilon\gamma$ est aequalis: sunt e-
 nim super basibus aequalibus $\beta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, & in
 eisdem lineis rectis $\beta\gamma$, $\alpha\epsilon$ aequidistantibus.
 Quare $a\beta\gamma$ triangulus, duplus est trianguli
 $a\epsilon\gamma$: verum parallelogrammon $\zeta\gamma\eta$, etiam
 est duplum trianguli $a\epsilon\gamma$: quia eandem ha-
 bent basin $\epsilon\gamma$: & in eisdem sunt aequidistan-
 tibus lineis rectis $\epsilon\gamma$, $\zeta\eta$. Quare parallelogram-
 mon $\zeta\gamma\eta$, est aequale triangulo $a\beta\gamma$, & ha-
 bet angulum $\gamma\zeta\eta$, aequalem angulo δ . (Con-
 clusio.) Dato igitur triangulo $a\beta\gamma$, statu-
 tur est aequale parallelogrammon $\zeta\gamma\eta$ in an-
 gulo $\gamma\zeta\eta$, qui est aequalis dato angulo rectili-
 neo δ . Quod faciens um erat.

Πρότασις μη. Ιεώρημα.

ΠΑῦτος παραλληλογέραμμα τῶν ὡς εἰς τὸν
διάμετρον παραλληλογέραμμαν τὰ πα-
ραλληλόμαζαι, οὐκ ἀλλήλοις εἶνιν.

Εκθεσις.) Εῖναι παραλληλογέραμμαν, τὸ
ἄβγδ, διάμετρος δὲ αὐτὸς, η̄ αγ, ως εἰς δὲ τὸν
αγ, παραλληλογέραμ-
μαρδμ̄ εῖναι τὰ εἴθ, γη, τὰ
δὲ λεγόματα παραπλη-
ρώματα, τὰ δικ, κδ. (Διο-
ρεσμὸς.) Λέγω ὅπιστιν ε-
σὶ τὸ βι παραπληρώ-
μα, τῷ κοὶ παραπληρώματι. (Απόδεξις.)
Ἐπεὶ γὰρ παραλληλογέραμμόν εῖναι τὸ ἄβγδ,
διάμετρος δὲ αὐτὸς η̄ αγ, οὐκ εῖναι τὸ ἄβγδ
τριγώνον, τῷ ἀδύ τριγώνῳ. πάλιν ὅππι τὸ
ἴκιθα παραλληλογέραμμόν εῖναι, Διάμετρος
δὲ αὐτὸς η̄ ακ, οἷσιν εῖναι τὸ εακ τριγώνον τῷ ἀθικ
τριγώνῳ. Διὸ τὰ αὐτὰ δὴ εἰ τὸ κλῆτρο τριγώ-
νον, τῷ κηγ εἶνιν οἴσιν. ἐπεὶ δὲ τὸ μδμ̄ σεκ τρί-
γώνον, τῷ ἀθικ τριγώνῳ εἶνιν οἴσιν, τὸ δὲ κλῆτρο
τῷ κηγ, τὸ σεκ τριγώνον μετὰ τῷ κηγ, εῖνιν



Propositio quadragesima tertia.

Theorema.

OMNIS parallelogrammi eorum quæ circa eandem sunt dimetientem parallelogrammum supplementa: æqualia sunt inter se.

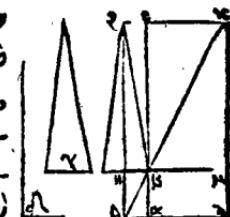
Explicatio dati.) Sit parallelogrammon $\alpha\gamma\delta$, dimetiens eius $\alpha\gamma$, & circa $\alpha\gamma$, sint parallelogramma $\epsilon\theta\beta\eta$: & que vocantur supplementa sint $\beta\chi\kappa\delta$. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod supplementum $\epsilon\chi$, sit æquale supplemento $\kappa\delta$. (*Demonstratio.*) Quoniam $\alpha\gamma\delta$ parallelogrammon, diametrum habet $\alpha\gamma$: ideo circa triangulus $\alpha\gamma\beta$, est æqualis triangulo $\alpha\gamma\delta$. Rursus quoniam ex $\alpha\gamma$ parallelogrammon, diametrum habet $\alpha\chi$ linea rectam: ideo tantri $\alpha\gamma\beta$, est æqualis triangulo $\alpha\chi\delta$. per eadem demonstrabitur triangulum $\kappa\gamma\beta$, triangulo $\kappa\gamma\delta$ esse æqualem. Cum igitur triangulus $\alpha\chi\kappa$, triangulo $\alpha\chi\delta$ sit æqualis: & triangulus $\kappa\gamma\beta$, æqualis triangulo $\kappa\gamma\delta$: erit itaq; triangulus $\alpha\chi\kappa$ cum triangulo $\kappa\gamma\beta$ æqua-

ἴσον τῷ ἀθετού τελυγάνω μείτε τῷ καὶ γράπε τελυγάνω. εἰ δὲ οὐδὲ τὸ ἄλλον τὸ ἀθετού τελυγάνων, ὅλως τῷ ἀθετού οὐσιν. λοιπῷ ἀρχα τῷ καὶ παραπληρώματι οὗν εἰσὶ, τὸ βίκι παραπληρώματα (Συμπέρασμα) Παντὸς ἀρχα παραπληρώματος τῶν τερψὶ τὰς Διάμετρους παραπληρώματαν, τὰ παραπληρώματα, οἷς ἀλλήλοις εἰσὶν. ὅπερ εἶδε δεῖξα.

Πρότερος μὲν. Πρόβλημα.

ΠΑρὰ τὰς δοθεῖσαν διθεῖαν, τῷ δοθέντῳ τελυγάνω, οἷον παραπληρώματον παραβαλλεῖν σὺ τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ διθύρωμα.

Ἐκθετις.) Εἰσαὶ μὲν δοθεῖσα διθεῖα, η ἀτομή, τὸ δὲ δοθέν τελυγάνων, τὸ γέ, η δὲ δοθεῖσα γωνία διθύρωμα (θ., η δ.). (Διορεσμός.) Δεῖ δὴ παρὰ τὰς δοθεῖσαν διθεῖαν τῷ ἀτομῇ, τῷ δοθέντῳ τελυγάνω τῷ γέ, οἷον παραπληρώματον παραβαλλεῖν, σὺ τῇ διθύρωμα. (Κατασκεψή.) Συνεπάτοις



*lis triangulo $\alpha\beta\kappa$, cum triangulo $\alpha\gamma\zeta$. verū totus triangulus $\alpha\beta\gamma$, toto triangulo $\alpha\gamma\zeta$ est *æqualis*: quare reliquum supplementum $\beta\kappa$, reliquo supplemento $\zeta\delta$ est *æquale*. (Conclusio.) Omnis igitur parallelogrammi eorum quæ circa eandem sunt dimetientem parallelogrammon supplementa *æqualia* sunt inter se. Id quod erat demonstrandum.*

Propositio quadragesima quarta.

Problema.

AD datam lineam rectam, dato triangulo, à quale statuere parallelogrammon, in angulo rectilineo dato.

*Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\kappa$: datus vero triangulus γ : datus angulus rectilineus δ . (Explicatio quaestiti.) Addatam lineam rectam $\alpha\beta$, ita uendum est parallelogrammon *æquale* triangulo dato γ : in angulo, qui est *æqualis* angulo δ dato. (Delineatio.*

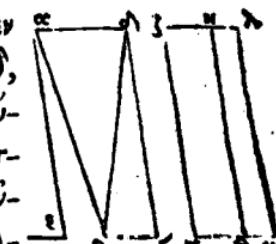
σάτω τῷ γε τεργάνω ισαν παρεχαληόχραμ-
μον τὸ θεῖη, σὺ γανία, τῇ ψυχῇ ἐθη, οὐδὲν ισα-
τῇ δ, καὶ κεισθώ ὥσπες ἐπ' οὐθείας εἴναι τὰς θε-
τῇ αᾶς, καὶ διῆχθω ἡ ζῆ, ὅπερ τὸ θ, Εἰ διὰ τοῦ
αἴσποτέρα τῶν θεῶν, εἷς παραλληλούχος ηχθω ἡ
αθ, καὶ εἰπεῖθεν ηθβ. (Απόδειξις.) Καὶ
ἐπεὶ εἰς παραλλήλας τὰς αθ, εἷς οὐθεία εμ-
πέπλωκεν ἡ θζ, αἱ ἀρχαὶ τὰς αθζ, θζεὶ γανία
δυσὶν ὄρθαις ισαν εἰσιν. αἱ ἀρχαὶ τὰς θεῖ, θζεὶ
δύο ὄρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν. αἱ δὲ δύο τὸ ἐλα-
σσόνων, ηδύο ὄρθῶν, εἰς ἀπόφρον εὐβαλλόμενα,
συμπιπλίταιν, αἱ θε, ζε ἀρχαὶ εὐβαλλόμενα,
συμπεσθνται. (Κατασκεψὶς τὸ ἔπερον μέρος.)
Εὐβεβλήθωσαν Εἰ συμπιπλέτωσιν καὶ τοι, καὶ
διὰ τὴ κομισία, ὀπότερα τῶν εα, Ζθ, πα-
ραλληλούχος ηχθω ἡ αλ, καὶ σκεβεβλήθω-
σαν αἱ θα, ηβ, ὅπερ τὰ λ, μ, κομισία. (Αποδεί-
ξεως τὸ ἔπερον μέρος.) Παρεχαληόχραμ-
μον ἀρχαὶ τὸ θλιζ, διάμετρού δὲ αὐτοῦ ἡ
θι. τοῖς δὲ θι, παραλληλούχαμμα ιδμ, τὰ
αη, με, τὰ δὲ λεγόμενα παρεχαληρώματα
λε, βζ. ισαν ἀρχαὶ τὸ λε, πει βζ. ἀλλὰ καὶ
τὸ βζ,

neatio.) Fiat triangulo γ aequali parallelogrammon $\beta\gamma\eta$: in angulo $\epsilon\beta\eta$, aequali angulo d' dato, et sit linea recta $\beta\epsilon\pi$ & thetaeis recte $a\delta$: atq; producatur linea recta $\gamma\eta$, ad punctum θ . per punctum etiam a ducatur alterutri linearum $\beta\eta$, et aequedistans linea recta $a\delta$: deniq; ducatur linea recta $\theta\zeta$. (Demonstratio.) Quoniam in duas rectas aequedistantes $a\theta$, et recta linea $\theta\zeta$ incidit: idcirco anguli $a\theta\zeta$, $\theta\zeta$ duobus rectis sunt aequales, atq; ideo anguli $\epsilon\theta\eta$, $\eta\zeta$ duobus rectis sunt minores. verum lineae rectae a duobus angulis, qui sunt minores duobus angulis reatis, in infinitum usque ductae concurrunt. quare $\theta\zeta$, & productae concurrent. (Alterationis pars.) Producantur duas lineae recte $\gamma\beta\zeta$, et concurrant in punto κ , et per punctum κ , alterutri linearum $\epsilon\alpha$, $\gamma\theta$ ducantur $\alpha\lambda$ aequedistans: atq; producantur lineae recte $\eta\beta$, $\theta\alpha$ ad puncta ν , φ , λ , μ . (Demonstratio altera pars.) Est igitur figura $\theta\lambda\nu\varphi$ parallelogrammon: eius diameter $\theta\lambda$: circa dimicentem vero parallelogramma sunt $\alpha\eta$, $\nu\delta$; dicitur vero supplementa $\lambda\zeta$, $\epsilon\zeta$. quare $\lambda\zeta$

τὸ βῆ, πεδῶ τριγώνω εῖναι σον, καὶ τὸ λόρδρο
πεδῶ εῖναι σον, καὶ ἐπεὶ ἵση εἶναι οὐκότενε
γωνία, τῇ οὐκότενε αἴσι, ἀλλὰ η οὐκότενε τῇ δ
εῖναι σον, καὶ η οὐκότενε αἴσι, τῇ δ γωνία εῖναι σον.
(Συμπερασμα.) Παρὰ τῷ δοθέντον ἀρχή^ν
δοθένται τῷ αἴσι, τῷ δοθέντι τριγώνῳ τῷ δ,
ἴσον παραλληλόγραμμον παραβέβληται τὸ
λόρδρον γωνία τῇ οὐκότενε αἴσι, η εῖναι σον τῇ δ.
ὅπος ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις με. Πρόβλημα.

Τῷ δοθέντι διθυράμμῳ, ίσον παραλληλόγραμμον συνσυνάδει ἐν τῇ δοθέντῃ
διθυράμμῳ γωνίᾳ.

Ἐκθεσις.) Εἰσω τὸ δοθέν  διθυράμμον, τὸ αἴσιδ, η δὲ δοθέντη γωνία διθύραμμον, η ε. (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τῷ αἴσιδ διθυράμμῳ, ίσον παραλληλόγραμμον συνσυνάδει ἐν ἵση γωνίᾳ τῇ ε. (Κατασκεψή.) Επεζύχθω γὰρ η δέ, καὶ συ-

νετά-

supplementum est æquale ē supplemento.
verum ē supplementum, est æquale triangulo γ: ergo & λ ē supplementum triangulo γ est æquale. præterea quoniam angulus η ē
est equalis angulo α ē: & angulus η ē etiā
est equalis angulo δ: idcirco & angulus α ē
etiam est equalis angulo δ. (Conclusio.) Ad
datam igitur lineam rectam α ē: daco trian-
gulo γ: æquale cōstitutum est parallelogram-
mon λ ē, in angulo α ē, qui est equalis angu-
lo δ. Id quod erat faciendum.

Propositio quadragesima quinta.

Problema.

Dato rectilineo, æquale statuere
parallelogrammon in angulo re-
ctilineo dato.

Explicatio dati.) Sit datum rectilineum
αγδ: & datus angulus rectilineus ε. (Ex-
plicatio quaesiti.) Dato rectilineo αγδ, sta-
tuendum est æquale parallelogrammon in
angulo rectilineo, qui est equalis angulo ε da-
to. (Delineatio.) Ducatur linea recta ēδ, &
constr.

νεσάτω τὸν ἄβδον τριγώνῳ, ἵσον παραλληλο-
γραμμον, τὸ ζῆτο, εὐ τῇ τοῦ θυρίγωνίᾳ, η ἐ-
σιν ἵση τῇ εἰ, καὶ παραβεβλήθω παρὰ τῷ
ηθοῦ οὐθεῖαι τῷ δύῳ τριγώνῳ, ἵσον παράλ-
ληλόγραμμον, τὸ ημ., εὐ τῇ τοῦ ηθμού γωνίᾳ,
η ἐσιν ἵση τῇ εἰ. (Απόδεξις.) Καὶ ἐπεὶ η ἐγω-
νία, ἐκατέρᾳ τῶν τοῦ θυρίγωνίᾳ, ηθμού ἵση, καὶ
η τοῦ ηθμού ἀρχα τῇ τοῦ θυρίγωνίᾳ, κοινὴ
περικείμων, η τοῦ οὐθη. αἱ ἀρχα τοῦ ζῆτο,
καθη ταῖς τοῦ οὐθη, ηθμού, ἵση εἰσὶν. ἀλλ' αἱ υ-
πὸ ζῆτο, καθη, δύσιν ὄρθαις ἵση εἰσὶν, καὶ αἱ υ-
πὸ οὐθη, ηθμού ἀρχα δύσιν ὄρθαις ἵση εἰσὶν. πρὸς
δύ την οὐθεῖαι, τῇ ηθη, καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ
τῷ θη, δύο οὐθεῖαι αἱ καθη, θμού, μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
μέρη κείμεναι, τὰς ἐΦεζῆς γωνίας δύσιν ὄρ-
θαις ἵσης ποιῶσιν. ἐτὸ οὐθεῖαις ἀρχα ἵσην η καθη,
τῇ θμού, καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλως τὰς καμηζη,
οὐθεῖαις ἀνέπεσεν η θη, αἱ ἐναλλάξ γωνίαι, αἱ
ὑπὸ μεθη, θυρίσημαι ἀλλήλαις εἰσὶ. κοινὴ περι-
κείμων η τοῦ οὐθη. αἱ ἀρχα τοῦ μεθη, θη, ταῖς τοῦ θη, θη, ἵση εἰσὶν. ἀλλ' αἱ τοῦ
μεθη, θη, δύσιν ὄρθαις ἵση εἰσὶν. Εἰ αἱ τοῦ

conficiatur triangulo $\alpha\beta\delta$ aequale parallelogrammon $\theta\theta$: habens angulum $\theta\alpha\zeta$, aequalem angulo ϵ . statuatur etiam ad lineam rectam $\eta\theta$, parallelogrammon $\eta\mu$, aequale triangulo $\delta\beta\gamma$, habens angulum $\kappa\theta\mu$ aequalem angulo ϵ . (Demonstratio.) Quoniam angulus ϵ alterutri angulo $\theta\eta\zeta$, $\eta\theta\mu$ est aequalis: idcirco & angulus $\eta\theta\mu$, angulo $\theta\alpha\zeta$ est aequalis. communis addatur angulus $\kappa\theta\eta$: ergo duo anguli $\zeta\kappa\theta$, $\kappa\theta\eta$, duob. angulis $\kappa\theta\eta$, $\eta\theta\mu$ sunt aequales. verum duo anguli $\zeta\eta\theta$, $\kappa\theta\eta$ duobus rectis sunt aequales: quare & anguli $\kappa\theta\eta$, $\eta\theta\mu$ duobus rectis sunt aequales. ad lineam rectam $\eta\theta$, & punctum in ea datum θ in diuersas partes ducta sunt linea recta $\kappa\theta$, $\theta\mu$: atq; faciunt angulos $\epsilon\phi\xi\eta$ aequales duobus rectis: quare recta $\kappa\theta$ est in $\phi\theta\epsilon\eta$ recta $\theta\mu$. Et quia in lineas rectas aequidistantes $\kappa\mu$, $\xi\eta$ recta quædā $\theta\eta$ incidit: anguli idcirco alterni sunt inter se aequales, angulus $\mu\theta\eta$, aequalis angulo $\eta\kappa\zeta$. Communis addatur angulus $\theta\eta\lambda$. anguli igitur $\mu\theta\eta$, $\theta\eta\lambda$, angulis $\theta\kappa\zeta$, $\theta\eta\lambda$ sunt aequales, verū $\mu\theta\eta$, $\theta\eta\lambda$ anguli sunt aequales duobus.

Θη^ζ, θηλάρεια δυσὶν ὁρθαῖς τομῇ εἰσὶν. ἐπ' αὐτίας ἀρεῖεστιν η^ζη, τῇ ηλ. καὶ ἐπειδὴ καὶ τῇ θη^ζη, τε καὶ ταφάληλος εἴσιν, ἀλλὰ οὐ θη^ζη μλ., καὶ η^ζη ἀρα τῇ μλ. ἵστητε καὶ παραχληληλος εἴσιν, καὶ ὅπιζεγνύσιν αὐτας θθεῖαι, αἱκμ., ζλ. καὶ αἱκλ., ζμ., ισμῃ τὲ οὐ ταφάληλοι εἴσι. ταφάληλογράμμων ἀρεῖεστι τὸ καὶ λμ. καὶ ἐπειδήσιν εἴσι τὸ μλ. αἴδη τείγων, τὸ θζ ταφάληλογράμμω, τὸ δὲ δέγγη, οὐ ημ., ὅλον ἀρα τὸ αἴγγη θθύγραμμων, οὐλω τῷ καὶ λμ ταφάληλογράμμω, εἴσιν εἴσι. (Συμπειροσμα.) Τῶι ἀρεῖα δοθέντη θθύγραμμω τῷ αἴγγη, εἴσιν παραχληλογράμμων σωίσται τῷ καὶ λμ, οὐ γανία, τῇ οὐτοῦ ζεμί η^ζειντο τῇ δοθέντη τῇ ε. οὐδὲ εἴδει τοιησατε.

Πρότασις μη. Πρόβλημα.

ΑΠότι δοθέντης θθεῖας περάγωνον αὐταχάγψαι.

Εκθετις.) Εσω η^ζη δοθέντη θθεῖα, η^ζη αϊ. (Διογμός.) Δεῖ δη^ζη απὸ τῆς θθεῖας, περάγων

bus rectis. quare & anguli $\theta\alpha\beta$, $\theta\eta\lambda$ duobus
rectis sunt aequales. quare recta $\gamma\eta$ est in \triangle $\alpha\beta\gamma$.
Sed recta $\eta\lambda$. Cum vero $\alpha\beta$ recta, recta $\theta\eta$
sit aequalis, & aequidistans: item $\theta\eta$ recta, re-
cta $\mu\lambda$ aequalis & aequidistans: idcirco & $\alpha\beta$
recta, recta $\mu\lambda$ aequalis & aequidistans est: e-
asq; coniungunt recta $\alpha\mu$, $\gamma\lambda$, quare & $\mu\lambda$, $\gamma\mu$
aequales & aequidistantes sunt, unde fit, quod
figura $\alpha\lambda\mu\gamma$ sit parallelogrammon. Cum au-
xiliari triangulus $\alpha\beta\delta$, sit aequalis parallelogram-
mo $\alpha\beta\gamma\mu$: & triangulus $\delta\gamma\beta$ parallelogrammo
nu. totum igitur rectilineum $\alpha\beta\gamma\delta$: toto pa-
rallelogrammo $\alpha\lambda\mu\gamma$ est aequale. (Coclusio.)
Dato igitur rectilineo $\alpha\beta\gamma\delta$, constitutum est
parallelogrammon $\alpha\lambda\mu\gamma$ aequale, in angulo
 ϵ , qui est aequalis dato angulo ϵ . Id quod
faciendum erat.

Propositio quadragesima sexta. Problema.

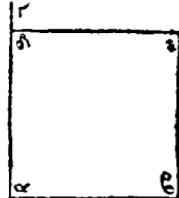
A Data linea recta describere qua-
dratum.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$.

Explicatio quesiti.) A data linea recta $\alpha\beta$,

L 2 descri-

τον αιαχάραφα. (Καλασκόβη.) Η χθω τῇ ἀβ
Σθεῖν, ἀπὸ τῆς πέρος αὐτῆς ομηρίας τῆς α., πέρος
ορθαῖς γάγ, καὶ κείσθω τῇ
αβίσῃ, η ἀδ, καὶ Διάμην
τεθῶσθαις, τῇ ἀβ τα-
ράληλ④ ἡ χθω, η δέ,
Διὰ δὲ τῆς β ομηρίας τῇ
ἀδ παραληλ④ ἡ χθω,
η δέ. (Απόδεξις.) Παραληλόγραμμον ἄ-
ρχεις τὸ ἀδεῖ, ιση ἀρχεῖσιν η μεν αβ τῇ δέ,
η δέ ἀδ, τῇ βέ. ἀλλὰ καὶ η ἀβ, τῇ ἀδ εἰνι-
ση. αἱ τέσσαρες ἀρχαι ισα, αδ, δέ, δέ, ιση ἀλ-
λήλαις εἰσιν, ισοτολμύρον ἀρχαι εἰσὶ τὸ ἀδεῖ
παραληλόγραμμον. (Διορισμὸς δέπτε-
ρ④.) Λέγω δή σπικιγμὸρθογώνιον. (Απόδε-
ξις.) Επεὶ γὰρ εἰς παραληλήλες τὰς ἀβ, δέ, δέ
θεῖα συέπεσεν η ἀδ, αἱ ἀρχαι ισα, βέδ, ἀδε-
γωνία, δυσὶν ορθαῖς ισημείσιν. ορθὴ δὲ η ι-
πὼ βέδ, ορθὴ ἀρχαι η ιπὼ αδε. τῶν δὲ
παραληλόγραμμων χωρίων αἱ ἀπὸ συντί-
σην τολμύραιτε Εγωνία, ιση ἀλλήλαις εἰσιν.
ορθὴ ἀρχὴ ιπάτερε τῶν ἀπεναντίων τῶν ο-



describendum est quadratum. (Delineatio.)

Ducatur ex puncto a linea recta ab , ad angulos rectos recta linea ay : & fiat recta $a\beta$ equalis recta ad : per punctum etiam d , linea recta ab ducatur aequidistantis linea recta de : deniq; per punctum β linea recta de , ducatur aequidistantis linea recta ce . (Demonstratio.)

Figura igitur $a\beta de ce$, est parallelogrammon: & ab est equalis de , atq; ad recta ce : sed & $a\beta$ etiam est equalis recta ad . quatuor igitur recte ab , ad , de , ce sunt inter se aequales, atq; idcirco parallelogrammon $a\beta de ce$ est aequaliterum. (Secunda explicatio quesiti.) Dico quod parallelogrammon $a\beta de ce$ etiam sit rectangulum. (Demonstratio.) Cum in duas rectas aequidistantes $a\beta$, de recta quedam ad incidere, anguli Cad , ade duobus rectis sunt aequales. verum angulus Cad , est rectus, idcirco & angulus ade etiam est rectus, parallelogramma vero angulos oppositos, & latera opposita habet aequalia: quare uterq; angulorum

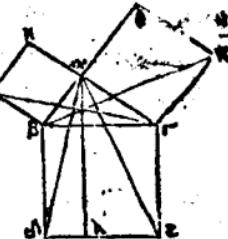
L 3 oppo-

πὸ ἄβε, δεδ̄ γωνιῶν. ὁρθογώνιον ἀρχίεται τὸ
ἄδει. ἐδείχθη δὲ καὶ ισότιμον. (Συμπέ-
ραγμα.) Τετράγωνον ἀρχίεται, καὶ εἰς δύο
τῆς αὐτῆς αναγεγραμμένον. ὅπερ ἐδει-
ποῖτο.

Πρότεροι μὲν. Ιεώρημα.

ΕΝ τοῖς ὁρθογωνίοις τετράγωνοις, τὸ ἀκτὸ τὸ
τὴν ὁρθὴν γωνίαν περιενόμος τολμ-
ῆσις πετραγώνον ἴσσον ἐταιρεύεται, τοῖς δύο τῶν τὰ
ὁρθὴν γωνίαν περιεχόσιν τολμέων τετρα-
γώνοις.

Εκφεσις.) Εῖναι τετράγω-
νον ὁρθογώνιον, τὸ ἄβγ.,
ὁρθὴν ἔχον τὴν ὑπὸ Βαγ.
(Διορεγμὸς.) Λέγω ὅπερ τὸ
δύο τὸ διγυ πετραγώνον ἴ-
σσον ἐταιρεύεται, τοῖς ἀπὸ τῶν Βα,
αγ τετραγώνοις. (Καλασκελή.) Αναγε-
γράφθω γὰρ δύο μὲν τῆς Βγ, πετραγώνον,
τὸ Βδγ., δύο δὲ τῶν Βα, αγ, τὰ ηθ, θγ, καὶ
διὰ τὰ α, ὅπό περ φέται Βδ, γε, παράλληλοι
ηχθω ἡ αλ, οὐκέτι δύχθωσιν αἱ αδ, γγ. (Α-



πόδει-

oppositiorum $\alpha\beta\epsilon$, $\epsilon\delta\delta$ est rectus: ideoq^u ad $\epsilon\delta\delta$ parallelogrammon, est rectangulum, sed & a quilaterorum esse fuit demonstratum. (Conclusio.) Quare $\alpha\delta\delta$ figura, est quadratum: & est descriptum à linea recta data $\alpha\beta$. id quod erat faciendum.

Propositio quadragesima septima.

Theorema.

IN triangulis rectangularibus, quadratum lateris angulum rectum subtendens, est æquale quadratis laterum, rectum angulum continentium.

Explicatio dati.) Sit triangulus rectangularis $\alpha\beta\gamma$, habens angulum $\beta\alpha\gamma$ rectum. (Explicatio quæsiti.) dico quod quadratum lateris $\beta\gamma$, sit æquale quadratis latorum $\alpha\delta$, $\alpha\gamma$.

(Delineatio.) Describatur à linea $\beta\gamma$, quadratum $\beta\delta\delta\gamma$: & à linea $\beta\alpha$ quadratum $\beta\alpha\alpha\beta$.

Præterea à linea $\alpha\gamma$ quadratum $\gamma\theta\theta\gamma$. Ducatur etiam per punctum α , alterutri litorum $\beta\delta$, γe aequidistantis recta linea $\alpha\lambda$. Iug ducantur duæ lineæ rectæ ad, $\gamma\theta$. (De-

πόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁρθή ἐστιν ἐκατέρευτῶν
 τοῦτο βάγ, βαη γωνίων, πέδος δὴ την δύθεία,
 τῇ βά, καὶ τῷ πέδῳ αὐτῇ σημείῳ τῷ ᾱ, δύο
 δύθείαι, αἱ ᾱγ, ᾱη, μὴ οὖτι τὰ αὐτὰ μέρη καὶ
 μεναὶ, τὰς εφεξῆς γωνίας δύοιν ὁρθαῖς εἰσι
 πιγον. ἐπ' δύθείας ἀρχεῖσιν η̄ γά, τῇ ᾱη. Διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ η̄ ᾱβ, τῇ αθεῖσιν εἰστι δύθείας.
 καὶ ἐπεὶ ισητεῖσιν η̄ τοῦτο δέγγ γωνία τῇ τοῦτο
 γένεσι ὁρθή γε ἐκάπερε. καὶ νὴ περισσεῖσθαι η̄ υ-
 πὸ αἴγ. ὅλη ἀρχεῖσιν τοῦτο δέγγ, ὅλη τῇ τοῦτο
 γένεσιν ιση. καὶ ἐπεὶ δύο αἱ δύβ, δένα. δυοὶ ταῖς
 βλ. γένεσιν εἰσιν, ἐκάπερε ἐκάπερε, καὶ γω-
 νία η̄ τοῦτο δέγγ, γωνία τῇ τοῦτο γένε, ιση-
 σιν. βάσις ἀρχεῖσιν ᾱδ, βάσις τῇ γένεσιν ιση, καὶ
 τὸ αἴδει τριγώνον, τὸ γένεσι τριγώνων εἰσὶν ισην.
 καὶ ἔστι τῷ μὲν αἴδει τριγώνος, διπλάσιον τὸ
 δέ ταραχληλόχραμπον, βάσιν τὲ γε ταῖς αὐταῖς εἰσὶ¹
 παραλλήλοις, ταῖς δέ, ἀλ. τῷ δὲ γένεσι τρι-
 γώνος, διπλάσιον τὸ η̄ δέ πιτράγωνον. βάσιν τοῦ
 γε ταραχληλού αὐτῶν εἰχοι, τὸ γένε. καὶ σὺ²
 ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις εἰσὶ, ταῖς γένε, η̄ γ.
 τὰ δέ

monstratio.) Quoniam uterq; angulorū $\angle Cxy$,
 $\angle C$ est rectus: idcirco ad rectam quandam
 $\angle z$ ad punctum quod in ea est a, duæ rectæ
 cz , an in diuersas partes ductæ, faciunt an-
gulos vicinos inter se æquales: quare recta yz a
est in $\angle Cxz$ rectæ an. per eadem ista de-
monstrabitur, quod recta ab , est in $\angle Cxz$
rectæ ab. quoniam verò angulus $\angle Cyx$, æqua-
lis est angulo $\angle Ca$, quia uterq; est rectus. com-
munis addatur angulus $\angle Cxy$: totus igitur an-
gulus $\angle Cxa$, toto angulo $\angle Cyx$ est æqualis. cum
verò duo latera $\angle Cxa$, duobus lateribus $\angle Cyx$
sint æqualia, alterum alteri: & angulus
 $\angle Ba$, angulo $\angle Cyx$ æqualis. basis igitur ad ,
basis $\angle Cyx$ est æqualis, & triangulus abd trian-
gulo $\angle Cyx$ æqualis: verum trianguli abd pa-
rallelogrammon $B\lambda$ est duplum, quia habent
eandem basin Cd , & sunt in eisdem lineis re-
atis æquedistantibus Cd , $a\lambda$. Item trianguli
 $\angle Cyx$, duplum, est quadratum yz , quia habent
eandem basin Cz , & sunt in eisdem lineis re-
atis æquedistantibus Cz , yz . Quæ verò æ-

τὰ δὲ τῶν ἵσων οὐ πλάσια ἀλλὰ λοις ἐπὶ,
ἴσουν ἄρα εἰς οὐκ τὸ Κληροδολόγεα μονού,
ταῦτα ηὗ περιστατέλλεται καὶ τὸ γῆλ πα-
ραληλόγεα μονούντων τῶν αὐτῶν, βαθι, διεκθίσται καὶ τὸ γῆλ πα-
ραληλόγεα μονούντων τὸν ταῦθη περιστατέλλεται,
οὐλον ἄρα τὸ διβεγέν περιστατέλλεται, δυστοιχίη,
θυ περιστατέλλεται, ίσουν εῖναι, οὐκ εἰς τὸ μήδιμον διβεγέν
περιστατέλλεται, διπλό τῆς βαθιαναφέν, τὰ δὲ
ηὗ, θυ, διπλό τῶν βαθιαγών, τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς βαθι-
πλαντρᾶς περιστατέλλεται, ίσουν εῖναι τοῖς διπλό τῶν
βαθιαγών, αὐτοὺς περιστατέλλεται. (Συμπλέ-
ρεσμα.) Εν ἄριστοις ὁρθογωνίοις τειγώντων,
τὸ ἀπὸ τῆς τιμὸς ὁρθῶν γωνίαν παστείνεται
πλαντρᾶς περιστατέλλεται, ίσουν εῖναι τοῖς ἀπὸ τῶν
τιμὸς ὁρθῶν περιεχόσιν πλαντρῶν περιστατέ-
λλεται. οὐδὲ εἶδει δέξαμεν.

Πρότασις μη. Θεώρημα.

ΕΑΝ τειγώντα τὸ ἀπὸ μᾶς τῶν πλαντρῶν
περιστατέλλεται, ίσουν ή τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν
τῷ τειγώντα δύο πλαντρῶν περιστατέλλεται, η
περιεχόμενη γωνία παστείν τῶν λοιπῶν τοῦ
τειγώντα δύο πλαντρῶν ὁρθή εῖται.

Εκθε-

quatuor sunt dupla, illa inter se sunt aequalia.
 ideoq; parallelogrammon $\text{C}\alpha$, aquale est qua-
 drato $\eta\zeta$. Similiter ratione quando ac, $\beta\gamma$ rectæ
 coniunguntur: demonstrabitur quod paral-
 logrammon $\gamma\lambda$ sit aequale quadrato $\theta\gamma$. co-
 rum igitur quadratum $\delta\beta\epsilon\gamma$, duobus qua-
 dratis $\eta\beta$, $\theta\gamma$ est aequale. sed $\beta\delta\epsilon\gamma$ quadra-
 tum, est descriptum à latere $\text{C}\gamma$, & quadrata
 $\eta\zeta$, $\theta\gamma$ sunt descripta à lateribus $\text{C}\alpha$, $\alpha\gamma$.
 Quadratum igitur lateris $\text{C}\gamma$, est aequale qua-
 dratis laterum $\text{C}\alpha$, $\alpha\gamma$. (Conclusio.) In tri-
 angulis igitur rectangulis quadratum late-
 ris rectum angulum subtendentis, est aequa-
 le quadratis laterum rectum angulum conti-
 nentium. quod erat demonstrandum.

Propositio quadragesima octaua.

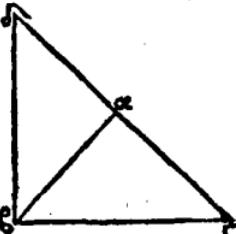
Theorema.

Si quadratum vnius lateris trianguli
 fuerit aequale quadratis reliquorum
 duorum laterum: erit angulus quem
 celiqua illa duo trianguli latera conti-
 nent, rectus.

Expli-

34.6. ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Επίθεσις.) Τελγάνω γὰρ τὸ ἄβγυ, τὸ ἀπὸ μᾶς τῆς βγ γαλδυρὰς πετράγωνον, ἵσσον ἐξ αὐτοῖς ἀπὸ τῶν δα, ἀγ πλαδυρῶν πετραγώνοις.

(Διορισμὸς.) Λέγω ὅπόρει
θὴ ἐξιν ἡ ἀπὸ δαγ γωνία. (Καὶ ασκοῦμη.) Ηχθω
γὰλ ἀπὸ γά σημείων τῆς ἄβ
πεσος ὥρθας θέσαι, η ἀδ,
χειρισθω τῇ γα, ἵσσον ἀδ, 

καὶ ἐπεζεύχθω ἡ δε. (Απόδεξις.) Καὶ ἐπει
ἴση ἐξιν ἡ δα, τῇ, ἀγ, ἵσσον ἐστί, καὶ τὸ ἀπὸ
τῆς δα πετράγωνον, τῷ ἀπὸ τῆς ἀγ πε
τραγώνων. κεινὸν αεροκείμω, τὸ ἀπὸ τῆς
ἄβ πετράγωνον, τὰ ἀρχα δοτὸ τῶν δα, ἄβ
πετράγωνα, ἵσσον ἐστί, τοῖς ἀπὸ τῶν δα, ἀγ πε
τραγώνοις. ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν δα, ἄβ,
ἄβ, ἵσσον ἐστί τὸ ἀπὸ τῆς δε, ὥρθη γὰλ ἐξιν ἡ ὑπὸ^{το}
δας γωνία, τοῖς γάλ ἀπὸ τῶν ἄβ, ἀγ, ἵσσον ἐστί^{το}
τὸ ἀπὸ τῆς βγ ὑπόκειται γὰρ. τὸ ἀρχα ἀπὸ^{το}
τῆς δβ πετράγωνον, ἵσσον ἐστί τῷ ἀπὸ τῆς δγ
πετραγώνω. ὥστε καὶ γαλδυρὰ ἡ δε, τῇ βγ
ἐξιν ἵσσον. καὶ ἐπει τοῦ ἐξιν ἡ ἀδ τῇ ἄβ, κεινὴ δε
η ἀγ, δύο δὴ αἱ δα, ἄβ, δυσὶ ταῖς δα, ἀγ ἵσσον

Explicatio dati.) Sit quadratum lateris
 $\beta\gamma$, trianguli $\alpha\beta\gamma$ æquale quadratis laterū
 $\alpha\gamma$. (Explicatio quæsiti.) Dico quod an-
gulus γ sit rectus. (Delineatio.) Ducatur
a puncto α , linea recta $\alpha\zeta$, ad angulos rectos
linea recta $\alpha\delta$: et fiat linea $\alpha\gamma$ æqualis recta
linea $\alpha\delta$: deniq; ducatur linea recta $\delta\beta$. (De-
monstratio.) Quoniam recta $\delta\alpha$, est æqualis
rectæ $\alpha\gamma$: idcirco & quadratum à recta $\delta\alpha$
descriptum, erit æquale, quadrato à recta $\alpha\gamma$
descripto. Commune addatur quadratum re-
ctæ $\alpha\zeta$. quare quadrata rectarū $\delta\alpha$, $\alpha\beta$ sunt
æqualia quadratis rectæ $\alpha\gamma$, $\alpha\zeta$. verum qua-
dratis rectarum $\delta\alpha$, $\alpha\beta$, æquale est quadra-
tum rectæ $\delta\beta$, quia angulus $\delta\alpha\zeta$ est rectus.
quadratis vero rectarum $\alpha\zeta$, $\alpha\gamma$ æquale pro-
ponitur esse quadratū rectæ $\delta\zeta$. Quare qua-
dratum rectæ $\delta\beta$, æquale est quadrato rectæ
 $\beta\gamma$. vnde etiam latus $\delta\zeta$ lateri $\beta\gamma$ est æqua-
le. Quoniam vero latus $\alpha\delta$, est æquale lateri
 $\alpha\zeta$, commune vero latus $\alpha\gamma$: duo latera $\delta\alpha$,
 $\alpha\zeta$, duobus lateribus $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ sunt æqualia, &
basis

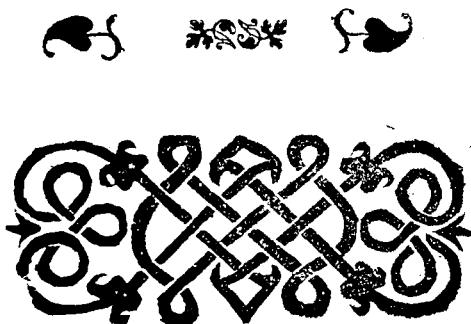
πόσι, καὶ βάσις ἡ δέ, βάσις τῇ Σγέσιν ἵστηθε
νία ἀρχαὶ τῶν δακόν, γωνία, τῇ τῶν δακόν,
ἴστην ἵστηθε δὲ ἡ ὑπὸ δακόν, ὁρθὴ ἀρχαὶ, ἡ ὑπὸ²
Σγάγ. (Συμπέρεισμα.) Εαν ἀρχαὶ τριγώνων τὸ
ἀπομέτρει τῶν πλευρῶν περιεάγωνον, ἵστηθε
τοῖς ἀπὸ τῆς λοιπῶν τριγώνων δύο πλευρῶν
τετραγώνοις, ἡ αὐτεχομένη γωνία τῶν
τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνων πλευρῶν
ὁρθή ἐστιν. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ΤΕΛΟΣ.



basis $\delta\beta$, est æqualis basi $\beta\gamma$: idcirco & an-
gulus $\delta\alpha\beta$, angulo $\beta\gamma$ est æqualis. Verum
angulus $\delta\alpha\beta$ est rectus, quare & angulus
 $\epsilon\gamma$ etiam erit rectus. (Conclusio.) Si igitur
quadratum unius lateris trianguli fuerit æ-
quale quadratis reliquorum duorum laterū:
erit angulus quem reliqua duo trianguli
latera continent rectus. Id quod
erat demonstrandum.

FINIS.



Scholia in hoc primum
Euclidis elementum, autore
Cunrado Dasypodio.

De scientijs Mathematicis.

Mathematicas scientias sic dictas volvunt, quod cum alias artes etiam absq[ue] preceptor intelligere, & addiscere possimus: has tamen non nisi instituti, & edocti, immo in illis exercitati percipere queamus: ut à discendo disciplina, à μάθησις οὐδὲ μαθητηληγί dicantur. Pythagorici autem mathematicæ nomen, duabus tantum scientijs Arithmeticæ, & Geometriæ imposuerunt: quoniam in his potissimum τὸ θεωρητικόν, & ipsa μάθησι cerni potest. postea tamen nonnulli latius sumpto vocabulo, alias scientias hisce cognatas appellantur mathematicas, Astronomiam, Musicam, & quæ huius sunt generis. Hinc sit, ut mathematica definatur scientia contemplationē habens rerū, non tantum abstractarum, ut sunt numeri, & figu-

figure: sed & sensibus ipsis subiectarum,
tempore caeli, terrae, stellarum, sonorum, cono-
rum, & quæcunq; his sunt similia.

Hanc verò uniuersalem matheſin in du-
as potissimum partes diuidunt: altera enim
versatur circa res viæ & ratione perceptas,
qua Gracis nominantur τὰ φαινόμενα, & Διάγο-
νοντα, altera verò τῶν εὐρηθέντων, rerum sen-
ſus subiectarum habet perceptionem: illa Geo-
metriam, & Arithmeticam cōpleteſtit: hæc
verò in ſex eſt diuina ſcientias, Geodæſiam,
& Opticam, qua ex Geometria naſcuntur:
Logistica & Canonica prognatas ex A-
rithmetica: deniq; Mechanicam, & Astro-
nomiam, quas ad veramq; referri tradunt. Eſt
& alia mathematicæ diuifio, in qua uor par-
tes tantum facta, quoniam magnitudo habet
perceptionem quantitatis cōtinuae, vel quan-
titatis discrete. Geometria enim, & Astro-
nomia ſibi habent ſubiectas ipſas magnitudi-
nes: Geometria quidem eam, que eſt ſine mo-
tu: Astronomia eam, que mouetur. ſic etiam

M mul-

multitudinis & numerorum fit contemplatio in
Arithmetica, & Musica: illa enim numeros
per se considerat, eorumque proprietates inue-
stigat: haec vero numeros tractat relatos, quos
etiam harmonicos appellant. Itaque univer-
salis quedam mathematica cognitio & do-
ctrina est statuenda, sub se complectens reli-
quas disciplinas omnes, suaque principia, & u-
niuersales propositiones omnibus communi-
cans; non quatenus numeris, aut figuris, vel
denique motibus illa infundit: sed quatenus eorum
universalis est natura, & talis, quae singula-
ribus illis disciplinis attribui potest. Sunt au-
tem eiusmodi principia τὸ πέριος, καὶ τὸ ἀπό-
εστον, finitum, & infinitum: quia numerus in-
cipit ab unitate, & in infinitum usque crescit: is
vero qui sumitur, finitus semper est: sic etiam
magnitudines in infinitum usque diuidi pos-
sunt: cum tamen ea, quae diuiduntur, sint fi-
nita, & terminata. Propositiones vero ma-
thematicæ communes sunt istæ, in quibus cō-
templamur λόγους, analogias, συμβέοντας,

diuī-

Διαφέρος, ανατρεπόφας, ἐναλλαγὰς, τὸ τοῦ,
τὸ αὐτοῦ, id est, rationes, proportiones, compositiones,
divisiones, conuerstiones, alternas
permutationes, aequale, & inaequale. deinde
τὸ κάθαρος, καὶ τοξικός, ipsaq̄ μεθόδος. præ-
terea ὁμοιότης, καὶ αἱρεμοιότης, similitudo, &
dissimilitudo rerum in figuris, numeris, &
motibus vniuersaliter considerantur. hæc in-
quam omnia, & his similia vnaqueq; discipli-
plina ad suam accommodat rem subiectam,
eaq; ei inesse proprijs confirmat rationibus.
Præterea Mathematicarum disciplinarum
fastigium & vertex quasi est ipsa ὀποδεικ-
νη, quia per ipsam hæ scientiæ perficiuntur,
dum definitionibus, divisionibus, demonstra-
tionibus, & quicquid harū rerū est, videntur.

De Geometria, & eius elementis.

Froclus Geometriam sic definit: γεωμε-
τρία ἔστι γνῶσιν μετεθῶν, καὶ θημάτων, καὶ
τῶν ἐν τέτοις περιστών: επὶ δὲ καὶ τῶν λό-
γων τῶν ἐν αὐτοῖς, ἐπὶ παθῶν τῶν τοσὶ αὐτὰ,
εἰς τῶν παντῶν θέσεων, καὶ κινήσεων. Geo-

metria est scientia, vel cognitio magnitudinum, & figurarum, acq; etiam terminorum quibus illæ clauduntur: queq; proportiones, & rationes, acq; etiam passiones his accidentes demonstrat: positionum deniq;, & motuum varietates explicat. Hæc scientia duplex est: altera nominatur Geopædia τὸν ὅλον περιέχεια. Planorum contemplatio tanquam simplicior præcedit, siquidem ex superficiem contemplatione nascitur corporum & solidorum cognitio. in utraq; verò tria (sicuti in omnibus scientijs) considerantur. Primum τὸν οὐρανόν περιέχει, res ipsa, de qua doctrina est instituta: alterum τὸν καθ' αὐτὸν οὐρανόν, id quod rei per se inest, & τὰ κάθη, rerum affectiones: tertium οἰκίωμα, ē autημα, propositiones, per quas rebus subiectis inesse aliquid demonstratur. illa itaque in Geometria consideranda veniunt: nam vt ex definitione Geometrie licet videre: subiecta sunt trianguli, quadrata, circuli, sphara, Cylindri, & vt summatim

matim dicam, figuræ planæ, corpora solida,
deniq; omnes magnitudines immobiles, &
harum termini. quæ verò his per se insunt,
diagrammata, ousticata, à Phæ, περιβολαι, ὑ-
περοχή, ἐλλειψις, τοπογραφία, καὶ αντόπη, id est,
diuisiones, constitutiones, contactus, applica-
tiones, excessus, defectus, æqualitas, & ina-
qualitas: cum alijs quibusdam huius generis.
Axiomata, & petitiones, quibus singula re-
bus subiectis demonstrantur inesse: sunt hu-
iusmodi, quæ eidem sunt æqualia, illa inter se
sunt æqualia: item à puncto ad punctum du-
cere lineam rectam. Hæc verò cum latè pa-
zeant, & ipsarum rerum subiectarum, atq;
propositionum geometricarum magna, va-
riag; sit copia: necesse est, ut delectus habeat-
ur, & in tradendo, atq; docendo incipiamus
à simplicioribus, ac principalioribus: ex qui-
bus tanquam notissimis extruamus demon-
straciones rerum in geometria abstrusarum.
quas quidem simpliciores propositiones sol-
licita, eorumq; doctrinam συχειώσων Græci

nominant. sunt enim quæcūa, seu elementa Geometriæ, propositiones simplicissimæ, in quas compositæ resolviuntur, & à quibus tanquam principijs omnes Geometricæ demonstrationes egressæ sunt: tales sunt hæ propositiones Euclidis, quibus Archimedes, Apollonius, & cæteri geometræ tanquam principijs, & notissimis elementis vñntur: ita tamen hæc prima, & simplicissima Geometria principia ab Euclide conscripta sunt, ut nemo sat is possit hominis & ingenium, & industriam mirari. que enim ab antiquis fuerunt inuenita, in optimum rededit ordinem: delectunt etiam in tanta copia, & varietate propositionum habuit talem, ut non omnia quæ dici poterant, assumeret: sed ea tantum, quæ elementari institutioni conueniebant. deinde omnes modos, omniaque genera syllogismorum adhibuit, quæcunque ab ipsis apodicticis recipiuntur. Præterea vñtur diuisionibus inueniendis rerum sp̄ciebus, item definitionibus in substantiali rerum subiectarum explicatio-

eatione. adhac demonstratione in ijs, que à principijs sunt ad quæstia. denig resolucione cum à quæstis ad ipsa principia sit redditus. Taceo de varijs, quibus vtitur conuertendi modis, continuatione, & dispositione singula- ri ipsorum elementorum: vt vnum absq; alte- ro videatur esse non posse. Quæ cum ita sint, merito omnes studiosi philosophia, & bonarū artium, sibi hac Euclidis elemēta familiaria reddere debebant, vt ad altiores capescendas scientias fierent paratores.

De Propositionibus Geometriæ.

Solent Geometræ duo præcipua proposi-
tionum genera habere: vnum est τῶν δεξῶν
principiorum: alterum τῶν μὲν τὰς αρχὰς
τεχατεων: id est, propositionum, quæ princi-
pia sequuntur, principia ipsa quia per se ma-
nifesta, & simplicia sunt nulla adhibita de-
monstracione primo explicantur loco: subse-
quuntur propositiones demonstracione indi-
gentes, & ex ipsis demandantes principijs: &
nisi hic ordo teneatur, verum permisceantur

omnia, cum & ipsa cognitio perturbatur: & que natura sunt distincta, coniunguntur. Illud ipsum facit Euclides, & principiorū facta enumeratione, absq; illa demonstratione: transit ad propositiones demonstrabiles. dividit verò ipsa in ταοθεός αὐτήματα, οὐδ
 ἀξιώματα η ροινάς εννοίας. Est autem ταοθεός, cum aliquis rei propositæ cognitionem nondum habet, que per se fidem rei faciat, verum concedit assumenti illud verum esse. eiusmodi sunt ipsæ definitiones Euclidis. Postulatum verò in genere est, cum neq; cognitū quid est, neq; ab audiente concessum, tamen petitur ab alieno, ut assumi concedatur. sicut cum peto mibi concedi omnes angulos rectos æquales inter se esse. Axioma, vel pronuntiatum est quando quid cognitum est, & tam manifestum, ut per se fidem habeat. ut que eidem sunt æqualia, illa inter se sunt æqualia: totum maius est sua parte. Geometra tamen hypotheses vocant etiam ὄργας definitiones rerum subiectarum: ut si definiam line-

lineam, angulos, figuras, & similia: quo sciatur, quibus de rebus sermo sit institutus. deinde autem, seu postulatum non sic sumunt ut Philosophi: sed postulatum vocant propositionem immediatam, in qua petitur aliquid quod factu est facile, & nulla indiget varia aut prolixa delineatione, ut si dicam, à punto ad punctum ducatur linea recta. Communis denique sententia Geometris dicitur propositione immediata, quae per se manifesta, & cognitu per facilis est, sineulla demonstratione recepta: & communi omnium consensu concessa. Itaque tria ista propositionum genera in eo conueniunt, quod principiorum naturam habeant, ac per se sint manifesta. differunt vero, quod hypothesis sit rerum subiectarum explicatio: postulatum proponit aliquid, quod factu sit facile: axioma rei per se manifesta sit cognitio. Quidam vero petitiones dicunt tantum ad Geometriam spectare: axioma vero ad omnes disciplinas. Alij diuidunt hoc modo ipsas communies sententias, ut quasdam

Geometriae, nonnullas Arithmeticæ propriæ esse dicant: alias deniq; communes. atq; bæc sunt paucis dicta de principijs. Propositiones vero, quæ principia sequuntur, & demonstrati possunt ac debent: aliæ sunt ἀριθμητικæ, aliæ ἠριθμητικæ. Problemata dicuntur propositiones, in quibus aliquid nobis ad agendum proponitur: ut quando figurarum ortus & constitutiones, sectiones, subtractiones, additiones, & similia proponuntur. Theorematæ autem sunt, in quibus ad contemplandum quiddam proponitur, ut si ea, quæ rebus per se insunt, aut accidunt, consideramus. cuiusmodi dicuntur esse τὰ καθ' αὐτὰ οἰστάχοντας οὐμβεῖηκότα, vel etiam οὐμπλώματα, aut deniq; τὰ πάδη. Differunt itaq; inter se, sed non aliter quam petitio, & axioma. Euclides veroq; genere vtitur. nam interdum tantum habet problemata, ut in quarto libro, interdū verò solum theorematæ, sicuti in quinto: nonnunquam deniq; theorematæ problematicis commiscet, ut in reliquis facit libris.

De

Deprimo Libro.

Proposuit sibi Euclides in hoc primo ele-
mento principia figurarum rectilinearū tra-
dere: nam triangulus & parallelogrammon
sunt in figuris rectilineis omnium primæ, &
simplicissimæ. Divisit vero librum in partes
tres: in prima, post explicationem principio-
rum, docet quomodo triangulus sit constitu-
endus, que sunt eius proprietates, cum quoad
angulos, tum etiam latera: præterea eisdem
comparat inter se, & unumquodqz accidens
per se considerat: in altera de lineis æquidi-
stantibus, & parallelogrammis doctrinam
instaurat, demonstrans qua eis per se insint, &
quomodo ipsa fiant parallelogramma. in po-
steriora, parallelogramma & triangulos inter
se confert, primum seorsim, deinde coniun-
ctim. Atqe hæc breuiter sint dicta, & expli-
cata de yniuersali illa rerum mathematica-
rum & Geometria cognitione: nunc subiun-
gemus perbreues locorum difficultiorum ex-
positiones, & si quid forsitan occurreret, quod la-
tius sit explicandum, & ad yniuersam Geo-

Bonilla lib. 3. tanta de puntas, sig. n.º, q' diffractis legit. Dicitur alium
est in linea, q' aliam linea atque in eis, sicut p. i. subtilissimum. Alio nomine
est linea, q' est ^{determinate} 86². SCHOLIA.
in linea est q' puncta. *quoniam* *ad* *modum* *scholiarum* *id* *futurum*

62 SCHOLIA.

*metriam spectare videbitur, id fusius expo-
nunt in linea excludente. In quo linea est, ut
demonstrum. cuiusmodi est ille locus, ut et mo-
tus se habeat. Alioquin
etiam linea partitur. Quod, etiam ad eam, et de ijs, que
ad hanc, et quae linea hinc similis. #
Ipsa copulat magistrum, et in ducit. Alij sic definit: omnes enim esti mo-*

*Squado Σημεῖον.) Alijs sic definitur: σημεῖον εἶτι μο-
νάς Δέοντις ex se, punctum est unitas que po-
sunt in puncto sitionem habet. solum punctum in Geometria
Caroly Bonilly lib. iij. diuidi non potest: sicut in Arithmeticā uni-
lūtūtū ē linea recta non admittit diuisionem. sunt enim uni-
tūtū, cuius part- us, eiusdemq; nature: quum duarum scientia-
nalla ē. Ex lib. 3. punctū et divisionem pōntūrum omniū prima, & simplicissima sint prin-
*cipia: differunt tamen in eo, quod punctū**

Note Vitetur autem definitione negativa, quoniam negationes maximè conueniunt principijs.

Bonilla l. 3. p. linea Geopum.) Principium omnium magnitudinum terminorum sudinum sola negatione definit: lineam verum solum longitudo potest rō nunc describit affirmando, & negando.

Quintus et. et. q. obstante a ghetto, velut ipsig ghenni pone minima.
in hincostum primitum emarginat. Ex quo q. deo p. ad
obstante defluxit, y infinitas sequiſq; multiplicacionem, longitudine,
de p. p. ghetto, q. deo, q. deo voriter, (Villa de p. ad. 26)
vita secundum
a. Tripli portas. a. Porta p. ad. & q. portas, ut ultimam hinc
q. portas, q. portas hinc. b. Porta p. ad. & q. portas, ut hinc q. portas
ad. ultimam, ab. inter, se dicitur, q. portas III. Lingua vero fuit, q. omniq; locis p.

principium respectu superficiei, & corporis.

Sunt enim tres dimensiones: longitudinis quo-
attribuitur linea, longitudinis & latitudi-
nis simul, que ad superficiem refertur: denig-
longitudinis & latitudinis, atq; profundita-
ti coniunctim in corpore. cum itaq; in defini-
nitione ponit à ~~ad~~ ^{ad} datur latitudine carent;
vna cum latitudine adimit quoq; profunditi-
tatem, atq; eam ob causam non addidit ~~xgj~~ ^{atq; refficitur ex} ^{propter} ^{causa}
ab aliis, cum superfluum esset. Alij sic defini-
unt lineam: ~~per~~ apud eis pōens rē opūcūs, id
est, linea sit ex fluxu puncti: nonnulli ~~per~~ - teria.

plū p̄z̄z̄θ̄ @ iΦ̄ ev 2lq̄z̄z̄z̄ nominant,
magnitudinem vno contentam interūallo.

Euclidis tamen definitio perfectior est, essen-
tiam & substantiam linea explicans. Possu-
mus autem lineam hoc modo cognoscere, si
longitudines parietum, aus itinerum spacie
dimeriamur, quia tum neq; latitudinem, ne-
que crassitatem subiungimus, sed unicam con-
sideramus distantiam, sicuti cum metimur u
prata, & campos, videvns ipsam tantum sa-

līma) + latitudine quā tū i. Cū tū perfic-
untū omni ercent dimensionē: sūt flūxū sūt transītū p̄fīcē-
ūtū cūnāt tāntūdīnē. Līma cūnāt tāntūdīnē.
vīdītū bīndē, ex dīmītū ab i. At, ad dīmītū ḡfēquētē h̄t m̄tē q̄ntū
līma cūnāt vālla. II. Līma vāngūs, p̄s 2o vīlīma p̄fīcē, fāndūḡfē:
h̄t: m̄tē vāngūs, q̄ntū līma cūnāt vālla.

perficiem, id est, longitudinem & latitudinem
tantum eius loci, vel agri. Cum vero puteos,
sunt est solidum, quia omnes distantiae, omniaq;
interualla ibi coniunguntur: dicimus enim
longitudinis, latitudinis, profunditatis ipsius
putei, tantum vel tantum esse spatium, me-
tus tamen cognoscemus lineam, quando ob-
seruamus quomodo lucidum ab obscuro, illu-
minatum ab obumbrato distinguatur.

Lineas Euclidea.) Duae simplicissime, ac praecipue

I linearum species sunt, recta & circularis: re-
II lique omnes sunt mixtae: & vel in superficie-
bus planis, vel in corporibus solidis conside-

rantur: Plato lineam rectam definit sic: Λ-
ειδη χαριη εστι, ης τα μέσα τοις ἄκροις Πτι-
ωσθεται: cuius media obumbrant extrema:

et quod licet videre in Eclipsi Solis, quando in
una linea recta sunt Sol, Luna, & oculus no-
ster, Luna media inter nos & Solem existen-

t. Archimedes definit lineam rectam sic: Λ-
ειδη χαριη εστιν ελαχίση των τα αιτά πέ-
ργα εχεσσων χαριων, εστι brevissima ea-

lineas lineas ut recte, ut oblique, ut angulare,
ut lineas ut recte in punctis sunt discontinuae,
ut lineas ut recte ad punctum discontinuae linea, dicitur
lineas discontinuae longiora, ut multe, ut recte, ut ab eis separata, ut
recte. illa sed infinita
linea definitur.

rum linearum, quæ eisdem habent terminos.
arbitrio explicat Euclideam, & vi-
cissim illa declarat hanc. + 2 Septembris

Epi Phavica.) Post punctum & lineam se-
quuntur superficies, quæ duplice intervallo di-
stas longitudine, & latitudine: caret vero
crassitudine: atq; eam ob causam addidit par-
ticulam suorum.

Epi Phavica dicitur.) sicut corpus solidum clas-
tatur, & terminatur superficie, sic & superfi-
cies linea finitur, & linea puncto, quod quidem
est omnium magnitudinum communis, & sim-
plicissimus, atq; externus terminus.

Epi Red. & dicitur Phavida.) Omnis superfi-
cies vel est plana, vel circularis, & sphærica.
mam igitur geometra delegit, eamq; definit,
nempe planam, possunt si etiam congruere
definitiones linea recta supra positæ: in hac
utram plana superficie nos tanquam in ali-
quo subiecto contemplamur figuræ, & figu-
ram affectiones. nam in plana superficie
resuuntur lineas rectas, circulares, & figu-

etiam p. 166. SCHOLIA. 
convenia, q. s. eam q. affectat. Coram d. ut a.
Adic.). Et supras omnis generis: item linearum, circulorum,
paci fluxu, solidisq. figurarum sectiones, contactus, applicatio-
nes, in genere ab aliis angulorum, constitutiones, & quicquid
eiusdem deputatis. barum est rerum: sed planam superficiem id-
sufficit. Item ut circulo elegit, quonia in alijs superficiebus ista
omnia non possunt ita intelligi aut descri-
bitur, ut c. m. bi, quemadmodum in plana. Vocab itaq. hic
planum id, quod nobis ante oculos est pos-
ita, q. spectab. tum, & in quo mente atq. cogitatione omnia
lib. amb. et. h. describimus, & delineamus, atq. firmis ratio-
nibus confirmamus.

Επίπεδος γωνία.) Genus definitionis est
rectilineorum angustarum, inclinatio: locus autem in quo descri-
batur angulus, est τὸ Πρίπεδον, planum ip-
sum, ab aliis solidi sum: ortus vero eius est, quod ad minimum
lumen sive ex parte duæ debet esse lineæ rectæ: sicuti in solido an-
guli recti tres: deinde illæ duæ lineæ rectæ
lineas coagulantur. debent se se mutuo tangere, neq; sitæ esse in di-
angulo recto, illud enim est εὐθεῖας, quando duæ
figurantur, de his lineæ rectæ ita collocatae sunt, ut protractis
in posternis libicis istis lineis rectis, & concurrentibus una ex
duabus fiat linea recta.

Planus angulj *quatuor* *stet* *in* *littera* *U*.
In talis *angulo* *de* *recto* *hinc* *polifaciam* *affigunt*? *O* *re*
R *est* *littera* *C* *in* *meis* *admonitiones* *late* *scriptis* *in* *modis* *allegor*
que *non* *quoniam* *in* *apposita* *notitiae* *tempore* *latet* *in* *scriptis* *allegor*
aliquam *convenientiam* *notitiae* *tempore* *in* *modis* *allegor*
in *scriptis* *allegor* *tempore* *in* *modis* *allegor*

O^g d^e.) Enumerat species substantiales
anguli rectilinei. definitionibus acuti & ob-
tusi anguli est addendum genus, quod scilicet
itter sit rectilineus, alter maior recto, alter
vero recto minor. Verum non absolute illud
est sumendum, quod omnis angulus recto mi-
nor sit acutus, quia sunt anguli nonnulli etiam
non rectilinei, & tamen non acuti: sicut neq;
illud simpliciter sumitur, quod obtusus sit
recto maior, & idcirco omnes recto angulo
maiores sunt obtusi, quoniam sunt anguli re-
cto maiores, qui non sunt obtusi.

*Sταθεῖσε.) Rectam super recta constituit in definitione anguli recti, non autem in anguli obtusi aut acuti descriptione: quia angulus rectus est angulorum non rectorum mensura: sicuti æqualitas est regula & norma in-
equalitatis.*

ἀλλά λαες.) Possunt enim aequales esse, sed si inter se aequales sint, necesse est ut sint recti.

ΕΦΕΞΗΣ.) Indicat causam rectitudinis;
quia si anguli contigui inter se sunt æquales,

rectus erit uterque illorum aequalium angulorum: nam stans illa recta in neutrum inclinat partem, & idcirco causa est non aequalitatis tantum, sed & reeditudinis. Traditur verò hic de angulis, qui sunt in uno eodemque plano, sicuti & perpendicularis non quælibet hic definitur, sed illa tantum, quæ in uno, eodemque esse pleno.

*g uoties linea recta Kύκλος.) Prima simplicissima, atq; per-
altius levioris manere. altius vero perfectissima figura plana est circulus, ut in cor-
onate, cogniti sunt p̄gribus solidis sphera.*



à centre
brode, circul.

b e q u a d e . Diam.
q u a d r a t i o n a l i
q u a d r a t i o n a l e s e c t o r,
q u a d r a t i o n a l e s e c t o r,
a n g u l u s a l t u s r e c t u s.

(Si h[ab]et oblonga abh[ic]tus sphaerae diametrum (v.) Circulo propriè conuenientia sunt gradus aut minimorum, aut maximum nam axis vel axis est ipsius sphaerae, alioquin si sit infinitus)

magis quadrilatero dicitur majoris trapezio loquuntur.
Hoc Mengyng, sed non magis fit antiquum neque recentium. Et hinc auctor
aut enim oblongum & latus rectus, ut latus oblongum
aut enim rectum alterum oblongum

SCHOLIA.

aut possit & quicunque quicunque est propria ab ipsis angulis facta.

(per notam) Tercia & tertia. (Terza & tertia.) Præcipua diuisiæ qua-
litas, ratione & de oblongis quadrilaterarum figurarum hæc est: alia dicun-
tur parallelogramma, alia nō parallelogram-

ma: quæ vero parallelogramma dicuntur: a-
liæ rectangula, & æquilatera sunt, ut rectan-
gula quadratum: alia vero horum neutrū
ab angulis non rectis habent, ut rō pōmēdōes, Rhombi speciem
et ab angulis rectis habens. nonnulla vero sunt quidem rectan-
gula, sed non æquilatera, ut rō ēteropūxes,
Quæcumque autem parallelogrammon altera pars longius: de-
dantur: rectangula sunt parallelogramma, que æquilatera
rectangula sunt quidem, sed non rectangula sunt, ut est pōpe-
quadrante. & de Rhombis. Figurae vero quadrilateræ,
lata recta oblonga, in figurae non sunt parallelogramma, aut duo tan-
duntur, si numeri eorum habent parallela latera, & sunt rectangula:
figurae non rectangulae, nonnullæ sunt parallelogramma: aut rectan-
gula, trapezia: aut nulla prorsus parallela la-
tera, & nominantur rectanguloïdæ, speciem
rectanguli in figura trapezij habentia. Verum Euclides hanc di-
pacta latèræ rectæ divisionem facere non potuit, cum de paral-
lelogramma aut figuris hisce lineis contentis nul-

Rhombi). ut la sit facta mentio: idcirco simpliciorem illam
in quadrato in lata recta oblonga: in lata recta oblonga facie
latus rectus angulus est: quadratæ etiam sicut in lata recta oblonga
quadrilatera. Rhombus hæc generat generat generat generat generat generat
parallelogramma: quæ opposita latera sunt adiuncta per
conformatum: & non oblonga, quadrilaterum etiam sicut in
lata recta oblonga: in quo notis oppositorum est latus et angulus
æquilatera seu etiam sicut in

Schol. Etiam linea definitio vitium, ut \overline{ab} et \overline{cd} hinc duas
lineas rectas a b. & c d. sint, quae altera ergo ab. recta linea e f. sint
aequalis seu recte minime angulus: Quid non rebus e definitione
SCHOLIA. 179

SCHOLIA

facit diuisionem τετραπλόων

Kai τὰ αὐτὰ ὡρθαὶ.) Quidam iuxta Peripateticos volunt hanc propositionem esse autem petitionem: alij verò & melius αἰνίουσι pronunciarum. Cum nunc paucis absoluerimus principia: restant propositiones demonstrabiles. omnis enim scientia vel versatur in principiorum explicacione, quas sineulla demonstratione adhibita recipit: vel in doctrina propositionum earum, quae ex ipsis demandant principijs: & per ea demonstrantur: quare & nos illas aggrediamur.

Departibus problematis, atque Theorematiſ.

Propositiones qua demonstrationem ad-
mittunt, supra duplices constituimus esse: vel
enim sunt æquæqualia, problemata: in qui-
bus ea, que quodammodo nondum existunt
comparare, & constituere proponitur: vel
æquæqualia, theorematum, in quibus id quod
iam constitutum est, & in rerum natura exi-
stit, cognoscere, & perspicere statuimus. Geo-

metria enim, ut & aliae scientie, habet omnes
quatuor quæstiones: an sit, quid sit, quale sit,
& quare sit: de quibus quidem omnibus ser-
monem instituit ipsa Geometria, ut apud Eu-

Aristoteles *concernit* *clidem videbimus*. Omne verò problema, o-
problematis, & theorema, quod suis perfectum, & ab-
solutum est partibus, hac in se habet:

προτε-
σιν, εύθεσιν, διορθωμὸν, κατασκευὴν, ἀπόδει-

ξην, καὶ συμπλέγμα, id est, propositionem,
in qua est deducēν, datum; & γένεδμον,

quæstum: deinde explicationem dati: tertio
explicationem quæsti: quareo delineationē;

quinto demonstrationem: sexto & postremo
conclusionem totius.

Nam in propositione,
quid de re subiecta, vel ipso dato queratur,

proponitur. perfecta enim propositio, & da-
tum, & quæstum habet, quamvis nonnullæ

sint, quæ altero careant: postea εὐθεσίς ipsum
datum per sese coſiderat, & ipso quæſito quaſi

præparat & ſtruit viam. διορθωμὸς ſeorsim
proponit quid de ſubiecto queratur. Delinea-

tio verò ſolet ea addere, quæ ad inuestigatio-

nem

Colliguntur

nem quæsiti pertinent: ipsa autem demonstratio adhibitis certis atq; firmis, priusq; concepis & affirmatis rationibus id de subiecto dici, quod proponitur, confirmat. tandem facta ipsa demonstratione, conclusio redit ad ipsam propositionem, eamq; confirmatam, & demonstratam iam esse colligit: sicut verò interdum duplex esse, una specialis in ipsa delineatione, & demonstratione facta: altera generalis, qua totam confirmationem propositionis datæ colligit vniuersaliter.

Ex his vniuersitatis problematis, aut theoremati partib. maximè necessarie sunt istæ tres: Propositio, demonstratio, & conclusio: reliquæ interdum adhibentur, & id ut plurimum, interdū non adhibentur, ut in Arithmeticus sit, & in decimo Euclidis libro.

(Hęos τη̄ δοθείσ.) Sunt quedam in Geometria, quae nobis solent in medio demonstrationis cursu occurrere: qualis etiam in hac propositione est τὸ πατέρις, casus. dicitur autem casus nihil aliud esse, quam delineationis

Appendix i^o

Propositio 2^o

Casus 1^o

N 4 transpo-

Sunt hinc. transpositio, quae fit propter diuersas positiones. ab hoc casu quedam propositiones dicuntur Gracis ἀπόλογοι περὶ θεών, problema ta que carēt casu, quando una tantum est positiō, & delineatio, siquidem casus resipicunt ipsam delineationem : quedam vero nominantur πολύπλοκα, problemata multos casus habentia, in quibus aliter atq; aliter fieri possunt delineationes. *Hoc itaq; secundum problema multos habet casus, varias etiam delineationes.* nam cum punctum detur positione, illa fieri potest varijs modis: vel enim ponitur extra datam lineam rectam, vel in ipsa linea recta, & si in ipsa, aut erit alterū extre morum, aut inter ipsa extrema: & si extra ipsam, aut à latere, ita ut recta protracta à punto ad datam lineam rectam, angulum faciat, aut ē directo. *Euclides sumpfit casum difficultorem, & punctum extra lineam rectam datam à latere eius ponit.*

Δοθέον θέσια.) Omne datum vel datur θέσι, positione, vel λόγῳ, ratione, vel μεγέθει,
magni-

magnitudine, vel eiusdem, specie, positione can-
tandum datur ipsum punctum, linea vero, et re-
liqua Geometria subiecta omnibus modis. hoc
temen in loco linea recta datur eiusdem specie,
est enim linea recta et eiusdem positione.

Duo docebo.) In bac propositione linea ^{tertia in prop. viii.} datur magnitudine: ipsa delineatio multos
baber casus, nam aut distare inter se, ut apud
Euclidem, aut in uno punto coniunguntur,
aut se se mutuo secant: aut altera alteram in
extremo abservat puncto tantum secat: et vel
maior minorem, vel minor maiorem, et qui-
cum eiusmodi fieri possunt casus. verunta-
men ad omnes huiusmodi casus Euclidis de-
demonstratio se accommodat.

Eas duo te^{τέχνην}.) Prima docuit trianguli ^{ex auct. proposit.} ^{5. Theorem.}
constitutionem, quam ea explicaret, que per
se triangulis accidunt: praeferre duabus pro-
positionibus ostendit viam et methodum, qua
linea recta facienda sit alia recta equalis.
altera quidem non existentem facit per or-
ganum, constitutionem, et eiusdem positionem a-

qualem. altera verò per à Phágētōn, ablatio-
nē, idq; fecit ut latera laterib; posset aequalia
proponere. dantur in hac propositione duo,
equalitas laterum duorum, & angulus an-
gulo aequalis: idq; datum ratione dari dicitur:
queruntur tria, basi basi, triangulus trian-
gulo aequalis: reliqui denique anguli reliquis
angulis aequales.

... alterum alterius. Exáπεραν ἐκάλεσα.) quia alias Theorema
verum non esset, idcirco nō simpliciter inquit
latus lateri aequalē, sed alterum alteri. pos-
sunt enim duo latera simul iuncta duobus si-
mul iunctis esse aequalia: sed non idcirco tri-
angulus effet triangulo aequalis.

τοῦ μηδὲ τοῦ τῶν ισων.) hoc addidit ne sumeroe-
mus basin, nam in triangulis duo latera di-
cuntur angulum aliquem comprehendere ne-
cēxeiv, tertium verò τοῦ subtendere:
nam latera qua angulis opponuntur è regio-
ne, sunt τοῦ εὐθεῖς πλαισι, latera subten-
denta, & interdum βάσει bases dicuntur,
quod tanquam fundamento figura ipsa hoc
nitatur latere.

Τοιγανον.) Intelligit aream ipsam triangularem, seu spatium ipsum, quod à triangulis lateribus intercipitur.

Demonstratio tota facta ex his duabus propositionibus, quaes inter se applicata conuenient: æqualia erunt: & viceversim. Quæ inter se sunt æqualia: si applicentur, conuenient etiam inter se.

Τῶν ἴστοσκελῶν.) Theorematum apud Geometras magnam habent varietatem. alia enim sunt αὐθαῖς, simplicia, in quibus unum est datum, & unum quaesitum: quorum & data, & quaesita dividunt & sciungi non possunt. Ut si dicat Euclides, omnis triangulus æquicrus, habet angulos ad basim æquales. alia composita συμπλέχεται, quæ ex pluribus vel datis, vel quaesitis constant: ut data sint plura, & unum quaesitum: vel plura quaesita, & unum datum, vel denique plura data, & plura quaesita. composita sunt duplia: quadam sub finitione dicuntur συμπλέχεται, quæ possunt in alia

alia simplicia theorematata diuidi: ut cum dice
trianguli, & parallelogramma sub eadem al-
titudine existentia: eam habent rationem,
quam basis ad basin. de utroq; enim, & trian-
gulo, & parallelogrammo seorsim eadem dici
possunt. Quedam verò ἀσύμπλεκτα, quae cum
sint composita, in simplicia tamen theorema-
ta diuidi non possunt: quale est præcedens
theorema quartum. Est & alia diuisiō the-
orematum, de qua alibi. Hoc theorema ex-
sarcag partē, dati nempe, & quæsiti compo-
zum est, idcirco etiam distinxit que data sint
& quæ quæsita.

Propositiō VI. Εὰν τοιγάντων.) In hac propositione duo no-
bis occurruunt explicanda: primum est αν-
τροφὴ τῶν περιάσεων: alterum ἀνταγωγὴ
εἰς τὸ ἀδιώκτον. Εδὲ autem αντροφὴ τῶν
περιάσεων, quando ex dato alicuius proposi-
tionis, sit quæsitorum: & ex quæsito datum. ut
triangulus æquicrurus, id est, habens duo æ-
qualia latera: etiam angulos ad basin habet
æqua-

equales, per ἀναγροφὴν conuerſionem sic.
Triangulus qui angulos ad basim habet æ-
quales, etiam est æquicrurus, id est, duo habent
æqualia latera: nam proposicio quinta hic co-
vertitur iam dicto modo. Est etiam alia con-
uerſionis ratio in propositionibus compositis
obſeruata, quæ fit permutatione partium, et si
non omnium, tamē aliquarum: ut fit in octa-
ua propositione: quæ cōvertitur cum quarta.
Quare noſcemos hic esse duo genera proposi-
tionum: unum est τῶν ἡγεμόνων, quādo
id quod natura subiectum est, datur: quodū
illi per ſe inēft, queritur de eodem: alterum
τῶν αὐτοφόνων, cum ē contrario σύμβολῳ
ſeu accidens quoddam datur: et id, cui hoc ac-
cidit, in quæſtionem adhibetur, ut in his duo-
bus licet videre propositionibus, quinta, et
ſexta. Proximum es, ut dicamus de ἀτα-
γγη̄tis τὸ adiutorio, de reductione ad im-
poſibile. ſciendum itaq; es, quod omnis de-
moſtratio mathematica, vel fit διποτῶν αἰ-
χών, quæ ab iphis principijs ad ea, quæ ex his
dema-

dōmant, progreducit: vel dicitur ratiōne dēxās, dum à re proposita regressus fit ad principia. veraq; verò est duplex: illa enim vel ex principijs rem propositam confirmat, vel ex rebus antea affirmatis, & concessis: hæc autem vel est dēlūxη, & nominatur à vālūsīs, cui opponitur σωθīs: vel à vālēlūxη, & dicitur ἀντεγωγὴ eis τὸ ἀδιώλον. est autem reduc̄tio ad impossibile, quando in aliquid manifestum absurdum, & impossibile definimus: & cuius contrarium omnes fatentur esse verum: eam quoq; faciunt bifariam: vel enim nos deducit ad ea, que principijs, ipsiſq; axiomaticis manifeste repugnant, ut si quis sua argumentatione eò deueniat, totum esse æquale parti: vel ad id, quod demonstratis, & affirmatis è directo opponitur: sicuti facit in demonstratione propositionis octauæ. fit igitur reduc̄tio ad impossibile, cum id quod quaſio repugnat, accipimus pro vero, & ita progrediendo tandem in manifestum absurdum incidimus: quo deniq; sublatro, id confirmamus,

mus, quod ab initio erat propositum, verum esse. Hac demonstrandi forma syllogismis videntur hypotheticis, quemadmodum in directis demonstrationibus utimur categoricis. Hoc in loco Euclides conuersione est usus in propositionis partibus: deductione vero in ipsa delineatione, ac demonstratione.

Επι της αυτης.) in Geometria, & Arithmetica, ut plurimum sunt propositiones universales affirmatiuae: verum Euclides hic posuit negatiuam, sed omnibus additamentis ita eam muniuit, & tam certam, atq; indubitatam reddidit, ut minimè conuinci possit. quamvis non magnum in Geometria usum habeat: tamen præcipue posita est ad confirmandam octauam propositionem.

Τέλος οὐδεῖσσαν.) Angulus hic datur specie tantum: potest enim omnibus quatuor modis dari, nempe positione, cum ad certum quoddam punctum constituitur: forma deinde, ut si ponatur esse rectilineus: ratione vero, quando duplum triplumque statuo: deniq; magnitudine,

dene, si dicam eam esse tertiam recti partem.

Περὶ εὐθείας περιελεύθερης.) Omnis enim linea recta aut est finita ex utraque parte, aut ex alieno tantum finita, et ex altera infinita: aut denique ex utraque parte infinita.

Kάρδιον δέ τοι τὸν καθετὸν perpendicularis etiam dicitur γράμμων, & eandem habet naturam cum ea, que nominatur ἡ περὶ ορθῶν γωνίας. est autem duplex: una plana, altera solida. plana perpendicularis est, quando à punto aliquo ad lineam rectam in eodem plane existentem alia linea recta ducitur, ut anguli contigui sint aequales, quam in hoc loco antea ducere præcipit. solida, que in Stereometria consideratur, dicitur quando punctum in alio fuerit plane, & non ad rectam, sed ad aliud planum ducitur linea quedam ad angulos rectos. differunt igitur inter se, quia perpendicularis est in eodem plane, & dicitur ad lineam rectam: solida vero non in uno eodemque plane, nec etiam ad rectam, verum ad planum ducitur: denique in solida id consideran-

derandum, quod ad omnes que in eo sunt planas rectas, non ad unam tantum, ut plana, debet esse perpendicularis.

Ante ov.) que pro nostro sumuntur arbitrio satis longa vel breuis, longior vel breuior, ut visum fuerit necessarium esse ad rei demonstrationem.

Kata $\kappa\varphi\nu\phi\lambda\omega$.) Differunt anguli εφεξ, & anguli κτικά $\kappa\varphi\nu\phi\lambda\omega$, quod anguli εφεξ contigui sunt per lineam, que alteram non secant: sed anguli κατά $\kappa\varphi\nu\phi\lambda\omega$ per lineas duas se se cantes, sic dicti sunt, quod vertices in uno coniungant puncto.

Ex δη τάχτv.) Locus hic expostulat ut aliquid dicamus de corollario. in elementis igitur $\tau\mu\sigma\tau\mu\alpha$, seu corollaria sunt propositiones, que dum alias demonstrantur, simul apparent, & manifestae sunt, nobis etiam querentibus, aut inuestigantibus eas. quale est hoc praesens $\tau\mu\sigma\tau\mu\alpha$. dum enim proponitur, quod duabus lineis rectis se se cantibus, anguli ad verticem sint inter se aequales, et

O firmis

firmis demonstratur rationib^z, in ipsa occurrit nobis demonstrazione quatuor illos angulos esse aequales quatuor rectis. Itaq; lucrificimus per ipsam hanc propositionē, hoc τοέισμα. tripliciter vero dividitur: primū enim omne corollarium vel est Geometricum, vel Arithmeticum, vel alieius scientia, ut iam dictū, proprium est Geometriae. In septimo vero Euclidis libro, propositione secunda, est Arithmeticum. deinde quedam corollaria sequuntur ipsa problemata: quedam vero theorematia: nam in hoc loco theorematis corollarium habemus: verum in libro secundo problematicis, tertio alia corollaria sunt demonstrationis directa, alia vero indirecte, sicuti hoc præsens porisma natum est ex demonstratione directa: sed in propositione prima libri tertij facta demonstratione per reductionem ad impossibile, nascetur corollarium. possunt et alia porismatum discrimina tradi, nobis tamen hæc monstrasse satis est.

Ex ὁγγανίᾳ.) In definitionibus mentione

nem fecit divisionis angulorum substancialis: nunc alia est facienda eorum divisione per accidentem. omnis angulus vel est $\acute{c}\hat{\alpha}\theta\circ$, vel $\widehat{c}\acute{\alpha}\theta\circ$. id est, omnis angulus vel est intra ipsam figuram, vel extra eam. deinde anguli quidam sunt ē $\Phi\acute{e}\xi\tilde{\eta}\acute{s}$, quidam ā ω' ē $\varphi\acute{a}\delta\acute{l}\acute{o}v$; id est, contigui, aut oppositi. in triangulis igitur sicut seres habet, quando aliquod trianguli latus extenditur: nascitur angulus qui ad ipsam trianguli substantiam non pertinet, & cum extra figuram existat: nominatur externus. Verum ex illis tribus, qui ad triangulum pertinent: unus qui ei est proximus, nominatur contiguus, reliqui vero duo oppositi, respectu eius, qui extra triangulum est.

Πάντη μὲλαλαμβανόμενα.) Est Geometriae caphrasis, qua utimur, dum volumus ostendere, quovis modo sumi vel latera, vel aliquod aliud Geometriæ subiectū, aut accidentē per se.

Explicauit Euclides quæcumq; in primis illis elementis poterant dici, de triangulorum constitutione, æqualitate, aut inæqualitate

O 2 eorum.

eorundem, aut etiam laterum, & angulorum nunc pergit de quadrilateris figuris enarrare ea, quae ad eorum contemplationem elementarem pertinet. Cum vero ex lineis aequedistantibus sint eiusmodi figuræ: prius earum proprietates docet, & parallelogramma constituit: postea persequitur doctrinam de figuris quadrilateris, seu parallelogrammis. est autem παρεγμένον λόγον μου figura qua circumscribitur lineis rectis aequedistantibus, atq; oppositis inter se.

Tria itaq; in lineis parallelis sunt consideranda, quæ eis per se insunt, & ita attribuuntur, ut inde cognoscere possumus lineas rectas esse aequedistantes. Primum est, ut anguli evanescant alterni (qui sunt per lineam regulam in alias duas rectas incidentem) sint inter se aequales. Alterum, recta linea incidente in duas alias rectas, si anguli interni fuerint duobus rectis aequales, tū propositæ duas rectæ sunt aequedistantes. Postremum, Recta linea secante alias duas rectas, si externus angu-

*angulus, angulo interno sibi opposito ex ea-
dem parte, fuerit aequalis, iterum erunt illæ
rectæ aequidistantes.*

*¶ eis tas.) Hoc Theorema conuertitur
cum ambobus praecedentibus. in demonstra-
tione utitur propositione, quæ inter princi-
pia est relata, sed principium non est.*

*¶ aios τas.) Ea quæ decima sexta,
& decima septima propositione erant omissa,
in hac præsenti addit, & quanto minores sint,
explicat, nempe tertio, & huius propositionis
maxima est utilitas.*

*¶ iox.) Hec propositio finit doctri-
nam linearum aequidistantium, & incipit pa-
rallelogrammorum traditionem.*

*Των παραλλογράμμων.) Postquam
constituit parallelogrammon, investigat tria
quæ parallelogrammis per se insunt. Primum
latera opposita esse aequalia. Secundum, an-
gulos oppositos esse aequales. Tertium, dia-
metrum per medium ipsam secare figuram.
Ita fit, ut à lateribus ab angulis, & ab ipsis*

188. SCHOLIA.

areis proprietates inquireat parallelogram-
morum.

Παρὰ τὸ δοθέον.) Tria sunt apud Ge-
ometras vocabula: παρεύσολη, ἵστεβολὴ,
εὐδιαιψις. cum enim figura applicatur ad
lineam rectam, ut neq; excedat, neq; deficit,
est cum παρεύσολη applicatio. quando ve-
rò excedit ἵστεβολὴ, cum deficit εὐδιαιψις,
atq; in Conicis figuris maximè consideran-
tur ista.

Απὸ τῆς.) Videatur Euclides voluisse pra-
stantiores figuras rectilineas describere, in
triangulis, cum quem aequilaterum nomina-
mus: in quadrilateris figuris ipsum quadratum.

Αναγέάψα.) Vicitur hoc verbo, quoniam
ab uno lacere describitur: ους ησαδεγ verò
est, cum ex multis constituitur.

Ἐν τοῖς ὁρθογωνίοις.) In hoc, & sequenti
theoremate vtitur λημματι, id est, assump-
tione propositionibus, utpote: Que ab aqua-
libus rectis lineis descripta sunt quadrata, il-
la sunt equalia inter se. item equalium qua-
dratorum equalia sunt latera.

In qui-

In quibusdam etiam propositionibus vici-
tur alijs λήμματ, assumptionibus, quas hic
subiungam.

I. Si prima magnitudo fuerit aequalis
magnitudini secundæ, & secunda maior sit
tertia: erit etiam prima maior quam tertia.

II. Si prima magnitudo fuerit maior
secunda, & secunda sit aequalis tertiae: erit e-
tiam prima maior quam tertia.

III. Si prima magnitudo fuerit maior
quam secunda: et secunda maior sit quam ter-
tia: erit etiam prima longe maior quam
tertia. Sunt & alia huius ge-
neris, de quibus alias.

FINIS.

Errata.

Pag. 1. linea 19. rectam, lege recta. pag. 2.
9. τὸν ἀντος, lege τῶν. pag. 4. 12. τῶν πλευ-
ρων, lege τῶν τριπλευρων. pag. 5. 2. quadri-
lateralē vero, lege quadrilatera vero quas qua-
mor, multilatera deniq; quas. Reliqua si que-
sunt, quiuis facile emendare poterit.