

# Notes du mont Royal

[www.notesdumontroyal.com](http://www.notesdumontroyal.com)

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES  
Bibliothèque électronique suisse

# ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΤΩΝ ΠΕΝΤΕ ΚΑΙ ΔΕΚΑ ΣΤΟΙ-

ΧΕΙΩΝ ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΘΕΩΝΟΣ

σπουσιῶν τὸ δεύτερον.

Καὶ

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ ΑΡΙΘΜΗ-

τική ἀπόδειξις τῶν γεωμετρικῶς ἐν τῷ

δευτέρῳ τῶν στοιχείων ἀπο-

δείχθεντων.

*Id est,*

*EVCLIDIS QVINDECIM*

*elementorum Geometriæ secundū: ex*

*Theonis commentarijs*

*Græcè, & Latinè.*

*Item,*

*Barlaam monachi Arithmetica demonstra-*

*tio eorum, quæ in secundo libro elementorum*

*sunt in lineis & figuris planis*

*demonstrata.*

*Item,*

*Octo propositiones Stereometricæ, eiusdem cum præ-*

*cedentibus argumenti. Per Cunradum Da-*

*sypodium, scholæ Argentinen-*

*sis Professore.*



ILLVSTRISSIMO  
PRINCIPI, ET DOMI-  
NO, DOMINO NICOLAO  
CHRISTOPHERO RADZIVVIL, DV-  
CIOLICÆ ET NIESVVISI, COMITI  
IN SCHIDLOVVIEZ, &c. PRÆCLA-

*ra indolis, & optimæ spei Principi, ac*

*Domino suo clementiss: S. D.*

*Cunradus Dasypodius.*



ENSE Aprili, Illu-  
striss: princeps, in lu-  
cem emisi primum Eu-  
clidis Librum, cum perbreuibus  
meis scholijs, quibus ad percipiē-  
da Geometriæ elementa, harum  
disciplinarum studiosis viam præ-  
parare, & aperire volui: memini  
etiam me tum promississe editio-  
nem secundi libri, vnâ cum alijs  
quibusdam scriptis: quod quidē  
nunc facere paratus sum: non tan-  
tum,

## PRÆFATIO.

tum, vt si forsan aliquib. animus  
fit diligentius aliquanto, & exa-  
ctius velle Geometricas demon-  
strationes cognoscere, atq; per-  
spicere: nostra qualicunq; adiuti  
opera, habeant in quo animum  
delectare suum, seq; exercere pos-  
sint: sed & vt duo hi libri eiusdē  
doctrinæ, & institutionis non se-  
iungantur. Euclides enim pro-  
positione penultima libri primi  
quadrata laterum trianguli or-  
thogonij examinavit: & tandem  
quam in primo instituerat libro  
doctrinam, sub finem secundi de  
quadratis laterum triangulorum  
amblygoniorum, & oxygonio-  
rum perficit, & absoluit: ita vt v-  
nus potius liber dici possit, quàm  
duo

# PRÆFATIO.

duo distincti libri. Quia verò  
*διαίρεσις* comūne est *σύμπλωμα* Geo-  
 metriæ, & Arithmeticæ, idcirco  
 demonstrationibus Geometricis  
 Arithmeticas, & ob similitudi-  
 nem cognationemq; octo stereo-  
 metricas propositiones adiunxi:  
 quas Geometriæ studiosis, maxi-  
 mo adiuvento, & in difficiliori-  
 bus quæstionibus explicandis  
 valde necessarias fore puto. quia  
 non tantum differentias harum  
 disciplinarum diligenter inspicere  
 oportet: sed & ipsarum cogni-  
 tionem obseruare. geometra no-  
 minat *ὀρθογώνιον*, figuram quæ dua-  
 bus lineis rectis, angulum rectum  
 continentibus, repræsentatur: a-  
 rithmeticus verò *τρίπεδον ἀριθμὸν*,

## PRÆFATIO.

numerum, qui fit ex multiplicatione duorum numerorum in se, unde licet videre rectangulum, superficiem rectangulam, parallelogrammon rectangulum, multiplicationem, numerum planū, productum quod fit ex multiplicatione unius numeri in alterum, eandem habere significationem. sicut Stereometra etiam habet *παραλληλεπίπεδον ὀρθογώνιον* eiusdem cum præcedentibus naturæ. eodem modo *τετράγωνον, τετράγωνος, ἀριθμός, κύβος, κύβος, ἀριθμός*, eandem quidem & similem habent vim: sed nō eiusdem scientiæ sunt subiecta. hæc, & similia si obseruentur, et natura eorum acuratius inuestigetur, multum possunt adollescen-

## PRÆFATIO.

lescentum erudire ingenia: si videant, quæ omnibus mathematicis scientiis sint cōmunia, de quibus in nostris scholiis: quæ verò non quidem omnibus, sed aliquibus; eorumque duo esse genera, vel enim, vt res exemplo fiat manifestior, ex Geometria petita ad Arithmeticam applicantur: vel contra ex arithmeticiis illis demonstrationibus translata sunt ad geometriam: denique quòd nonnulla vniuscuiusque scientiæ sint propria. Hæc inquam, & his cognata, nisi quis diligenter perpendat, & quæ quibus conueniant, quæue discrepent, aut ex quibus, quomodoque facta sit demonstratio, non animaduertat: meritò ἀνεπί-

## PRÆFATIO.

ῥη/Θ dici potest, sicuti & ille, qui  
ἀριθμομετρίαν mathematicarū scientia-  
rū non obseruat, dum quæ con-  
genda sunt, disiungit, quæ diuer-  
sa sunt, aut in specie tantum simi-  
lia, vnum congerit in locum: de-  
niq̃ is, qui, quæ diuersarum sunt  
scientiarum, vni attribuit scien-  
tiæ: aliaq̃ præcepta Geometra-  
rum negligit. Veteres certè ma-  
thematici, summo studio in id in-  
cubuerunt, vt singula suo expli-  
carent loco, vt per concessa, & af-  
firmata demonstrarent insequen-  
tia: vt nihil pro certo, vero, & af-  
firmato reciperent, nisi cuius na-  
tura, substantiaq̃, aut accidens a-  
liquod, per se manifestum esset,  
aut aliqua eius vera & certa alla-  
ta ef-

## PRÆFATIO.

ta esset demonstratio, Itaq; qui se  
in his rectè & benè exercebunt,  
non tantum harum scientiarum  
sibi comparabunt cognitionem;  
sed & animum informabunt su-  
um: vt eò etiam prudentiores iu-  
xta Platonis, aliorumq; Philoso-  
phorum sententiam sint futuri:  
& in rebus benè gerendis instru-  
ctiores: quando Geometrarum  
more, omnibus ponderatis, & ad  
amussim examinatis, id quod ho-  
nestum & iustum, verumq; est, à  
turpi, iniquo, atq; falso discernēt.  
monemus igitur eos, qui Philo-  
sophorum scripta legere, animū  
acri & prudenti iuditio imbuere,  
mores benè & rectè informare  
cupiunt: hæc geometrica non ne-

## PRÆFATIO.

gligant studia: neq̃ propter sterilitatem, quæ prima fronte in his apparet, se deterreri patiantur: aut in ipso cursu languescant: siquidem maior fructus, maiorq̃ utilitas ex his percipitur, quàm laboribus, quibus cognitio harum rerum comparatur, sint æstimandi. Imitandi potius nobis sunt Hebræi, Ægyptij, Græci, Latini, quibus hæc studia cordi fuere. Postquam enim à primis parentibus Adamo, Setho, Noëo hæc fuerunt posteris tradita, & ab ipso Abrahamo, cæterisq̃ Hebræis Ægypti sacerdotibus relicta: tandem factum fuit, vt Græcorum, & Latinorum Thaletis, Pythagoræ, Platonis, Aristotelis, Archime-

## PRÆFATIO.

chimedis, reliquorumque Philo-  
sophorum hæc facta sint Gymna-  
sia: denique insequentibus tempo-  
ribus adeò vulgata fuerunt, ut in  
his doctis Arithmeticorum aba-  
cis, & in hoc erudito Geometra-  
rum puluere, non solum pueri ha-  
rum artium & disciplinarum stu-  
diosi exercerentur: sed & opifices,  
ut Pictores, Statuarij, Architecti  
hæc optime scirent, & intellige-  
rent. Dolendum itaque, imò maxi-  
me dolendum, quod hinc ab ali-  
quot seculis adeo obscurata, adeo  
neglecta iacuerint excellentiss:  
harum disciplinarum studia: aut  
quod maius est, in tanta omnium  
linguarum & artium luce, à mul-  
tis hoc nostro tempore, non dico  
impe-

## PRÆFATIO.

imperitis, sed doctis viris con-  
temnantur, vt non modò pueris  
& opificibus hæc non amplius  
sint nota, sed viris humanioribus  
literis optimè imbutis: qui vt cæ-  
teri sibi persuadent, non alium  
fructum harum esse scientiarum,  
quàm vt puerorum exacuantur  
ingenia: nec prosint, nisi dum per-  
cipiuntur, deinceps verò nullum  
amplius habeant vsum. cuius sa-  
nè opinionis falsæ, & erroris cul-  
pam, non in scientias ipsas, sed po-  
tius in hominum ignauiam, &  
ignorantiã transferre debemus.  
quæ quidem latius, & clarius, si  
tempus locusq; pateretur, demõ-  
strare possemus: sed cum neq; in-  
stituti sit nostri, de scientiarum  
mathe-

## PRÆFATIO.

mathematicarum dignitate, & utilitate verba facere: neque ea, quæ à multis fufius tradita funt, repetere: finem his faciam: hæc mihi dum mei inftituti rationem redderem, & quid potiffimum traderem, explicarem, occurrebant. Fateor hæc non effe magna, neq; vllius ingenij, aut induftriæ: fed tamen non ingrata futura fpero: neq; indigna patrocinio aliquo: & cum à multis hoc factitatum fit, vt eum fuorum laborum patronum effe velint: & fub eius titulo atq; nomine fua in lucem exire, qui patrocinari & velit, & poffit: deniq; quem intelligunt eas artes, quas exercent: eaq; ftudia, quibus ipfi incumbunt,

## PRÆFATIO.

bunt amare, fouere, conseruare, aliosq; ad ea persequenda excitare: volui I. T. C. hos meos qualescunq; labores dedicare, quòd I. T. C. talem esse perceperim, qualem patronum sibi solent deligere, qui, vt dictum est, aliquid in publicum emittunt. Itaq; vnicè I. T. C. oro, vt his meis studiis patrocinari dignetur: quod si ab I. T. C. hoc impetraro, multum, imò magni quippiam me consequutum fuisse arbitrabor. Cætera viris sincero & æquo iudicio præditis dijudicanda committo: mihiq; satis erit n̄s, quorū instinctu, & voluntate hæc in publicum emitto, placuisse: & in studiosorum gratiam aliquid fecisse.

**P R Æ F A T I O.**

cisse. His me, meaꝗ studia I. T. C.  
commendo: neꝗ dubito quin e-  
tiam illa I. T. C. non ingra-  
ta sint futura. Calend:

Iunij. Anno

1564.

I. T. C. deditis:

Cunradus Dasy-  
podius.



# ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙ ΧΕΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

ΟΡΟΙ.

**Π**ΑΝ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον περιέχεσθαι λέγεται ὑπὸ δύο τ' ὀρθῶν γωνίαν περιεχουσῶν ὁρθῶν:

Πάντος δὲ παραλληλογράμμου χωρὶς τῶν πρὸς τὴν διὰ μέτρον αὐτοῦ ἐν παραλληλογράμμων ὁποιονῶν, σὺν τοῖς δυσὶ παραλληλώμασι γνῶμων καλεῖσθαι.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. θεώρημα.

**Ε**ΑΝ ὦσι δύο ὁρθαί, τμηθῇ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν, εἰς ὅσα δηποῦν τμήματα, τὸ περιχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο ὁρθῶν ἴσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ τε τῆς ἀτμήτης, καὶ ἐκάστων τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογωνίοις.

Εκθεσις.) Εἰωσαν δύο ὁρθαί αἱ α, βγ, καὶ τεμήσθω ἡ βγ, ὡς ἔτυχε κατὰ τὰ δ, ε, σημεῖα. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν α, βγ περιχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ π

# EVCLIDIS ELEMEN- TVM SECVNDVM.

## DEFINITIONES.

**O**Mne parallelogrammum rectangulum contineri dicitur duabus lineis rectis, quæ angulum vnum rectum comprehendunt.

In omni vero parallelogrammo vnum ex illis, quæ circa diametrum sunt parallelogrammis quodcunque id fuerit, cum duobus supplementis, nominetur gnomon.

## PROPOSITIONES.

Propositio prima. Theorema.

**D**atis duabus lineis rectis, quarum altera in quocunque partes sit secta: erit rectangulum, quod duæ illæ rectæ lineæ continent: æquale his rectangulis, quæ continentur ea lineæ, quæ secta non est, & omnibus alterius lineæ segmentis.

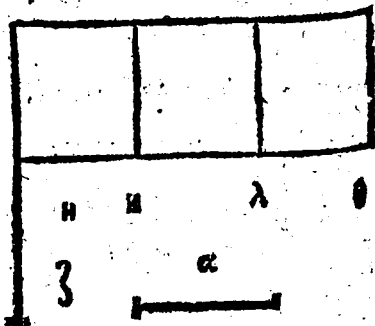
Explicatio dati. ) Sint duæ lineæ rectæ  $\alpha$ ,  $\beta\gamma$ , & secetur recta  $\beta\gamma$ , vt libuerit, in punctis  $\delta$ , &  $\epsilon$ . (Explicatio quæsitæ.)  
Dico quod rectangulum contentum rectis  $\alpha$ ,

$A$

$\beta\gamma$ .

ὑπὸ τε τῶν  $\alpha$ ,  $\beta\delta$  περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ  
καὶ τῷ ὑπὸ τῶν  $\alpha$ ,  $\delta\epsilon$ , καὶ ἐπὶ τῷ ὑπὸ τῶν  
 $\alpha$ ,  $\epsilon\gamma$ . (Κατασκευή.)  $\beta$   $\alpha$   $\epsilon$   $\gamma$

ἤχθω γὰρ ἀπὸ τῆς  $\beta$ ,  
τῇ  $\beta\gamma$  πρὸς ὀρθὰς  
γωνίας ἡ  $\beta\zeta$ : καὶ κεί-  
σθω τῇ  $\alpha$  ἰση ἡ  $\beta\eta$ : καὶ  
διὰ τῆς  $\eta$ , τῇ  $\beta\gamma$  πα-  
ράλληλῃ  $\theta$  ἤχθω ἡ



ἡ  $\theta$ : διὰ δὲ τῶν  $\delta$ ,  $\epsilon\gamma$ , τῇ  $\beta\eta$  παράλληλοι ἤ-  
χθωσαν αἱ  $\delta\kappa$ ,  $\epsilon\lambda$ ,  $\gamma\theta$ . (Απόδειξις.) Ἴσων δὲ  
ἐστὶ τὸ  $\beta\theta$ , τοῖς  $\beta\kappa$ ,  $\delta\lambda$ ,  $\epsilon\theta$ . καὶ ἐστὶ τὸ μὲν  $\beta\theta$ , τὸ  
ὑπὸ τῶν  $\alpha$ ,  $\beta\gamma$ . περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ ἡ  $\beta$ ,  
 $\beta\gamma$ . ἰση δὲ ἡ  $\beta\eta$ , τῇ  $\alpha$ , τὸ δὲ  $\beta\kappa$  τὸ ὑπὸ τῶν  
 $\alpha$ ,  $\beta\delta$ . περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῶν  $\eta\beta$ ,  $\beta\delta$ .  
ἰση δὲ ἡ  $\beta\eta$ , τῇ  $\alpha$ , τὸ δὲ  $\delta\lambda$ , τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha$ ,  $\delta\epsilon$ .  
ἰση γὰρ ἡ  $\delta\kappa$ , τῇ  $\epsilon\gamma$  ἐστὶν ἡ  $\beta\eta$ , τῇ  $\alpha$ . καὶ ἐπὶ ὁμοί-  
ως τὸ  $\epsilon\theta$ , τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha$ ,  $\epsilon\gamma$ . τὸ ἄρα ὑπὸ  
 $\alpha$ ,  $\beta\gamma$ : ἴσων ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ τῶν  $\alpha$ ,  $\beta\delta$ : καὶ τῷ  
ὑπὸ  $\alpha$ ,  $\delta\epsilon$ , καὶ ἐπὶ τῷ ὑπὸ  $\alpha$ ,  $\epsilon\gamma$ . (Συμπε-  
ρασμα.) Εἰν ἄρα ὡς δύο ὁρθογώνια, τμήνη δὲ  
ἢ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα διηπολῶν τμήματα: τὸ πε-  
ριεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο ὁρθογώνων  
ἴσον.

$\beta\gamma$ : æquale sit rectangulis, quæ continen-  
 tur rectis  $\alpha$ ,  $\beta\delta$ : &  $\alpha$ ,  $\delta\epsilon$ , denique  $\alpha$  &  $\epsilon\gamma$ .  
 (Delineatio.) Ducatur enim, & fiat ad pun-  
 ctū  $\beta$  lineæ  $\epsilon\gamma$  ad angulos rectos lineæ recta  
 $\beta\zeta$ : deinde rectæ  $\alpha$ , fiat æqualis recta  $\beta\eta$ : atq;  
 per punctum  $\eta$ , rectæ  $\beta\gamma$  ducatur æquedistās  
 recta  $\eta\theta$ : deniq; per puncta  $\delta$ ,  $\epsilon$ ,  $\gamma$ , recta  $\beta\eta$  du-  
 cantur æquedistantes rectæ  $\delta\kappa$ ,  $\epsilon\lambda$ ,  $\gamma\theta$ . (De-  
 monstratio.) Rectangulum igitur  $\epsilon\theta$ , est æ-  
 quale rectangulis  $\beta\kappa$ ,  $\delta\lambda$ ,  $\epsilon\theta$ . verum rectan-  
 gulum  $\beta\theta$ , est quod continetur rectis  $\alpha$ ,  $\beta\gamma$ .  
 quia continetur rectis  $\eta\beta$ ,  $\beta\gamma$ . sed recta  $\beta\eta$ ,  
 est æqualis rectæ  $\alpha$ .  $\beta\kappa$  autem rectangulum  
 continetur rectis  $\alpha$ ,  $\beta\delta$ : quia rectis  $\eta\beta$ ,  $\beta\delta$   
 comprehenditur: &  $\beta\eta$  est æqualis  $\alpha$ . rectan-  
 gulum etiam  $\delta\lambda$ , continetur rectis  $\alpha$ ,  $\delta\epsilon$ : cum  
 $\delta\kappa$ , hoc est,  $\epsilon\eta$  sit æqualis  $\alpha$  lineæ rectæ. deniq;  
 eodem modo rectangulum  $\epsilon\theta$ , est id quod con-  
 tinetur rectis  $\alpha$ ,  $\epsilon\gamma$ . Quare rectangulum con-  
 tētum rectis  $\alpha$ ,  $\epsilon\gamma$ , est æquale rectangulis cō-  
 tentis rectis  $\alpha$ ,  $\epsilon\delta$ : &  $\alpha$ ,  $\delta\epsilon$ : deniq;  $\alpha$ , &  $\epsilon\gamma$ .  
 (Conclusio.) Si igitur datis duabus rectis, al-  
 tera earū in quocunq; partes secetur: rectan-  
 gulum

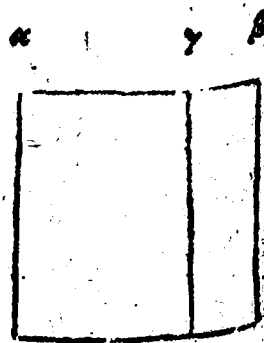
#### 4. ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ἴσον ἔστι τοῖς ὑπὸ τῆς ἀμύτης, καὶ ἐκάστη  
τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογώνιοις  
ὥς ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις β. γεώρημα.

**Ε**ΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὰ ὑ-  
πὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκαστῆς τῶν τμημάτων  
περιχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἔστι τὰ ὑπὸ τῆς  
ὅλης τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἡ  $\alpha\beta$  τμηθήτω ὡς ἔ-  
τυχε, καὶ αὐτὸ γ σημείον. (Διορισμός.) Λέγω  
ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha\epsilon$ ,  $\beta\gamma$  περιχόμενον ὀρθο-  
γώνιον, μὲν αὖτὸ ὑπὸ τῶν  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  περιεχο-  
μένον ὀρθογώνιον: ἴσον ἔστι τὰ ὑπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τε-  
τραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράφθω ἡ  
ὑπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τετραγώνον, τὸ  
 $\alpha\beta\delta\epsilon$ : καὶ ἡχθῶ διὰ τῆς  $\gamma$ ,  
ὁποῖον τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\beta\epsilon$  παράλ-  
ληλος ἡ  $\gamma\zeta$ . (Απόδειξις.)  
ἴσον δὲ τὸ  $\alpha\epsilon$ , τοῖς  $\alpha\zeta$ ,  $\gamma\epsilon$ . καὶ  
ἔστι τὸ μὲν  $\alpha\epsilon$ , τὸ ἀπὸ τοῖς  
 $\alpha\beta$  τετραγώνον: τὸ δὲ  $\alpha\zeta$   
τὸ ὑπὸ τῶν  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  περιε-



χόμενον

gulum quod duæ illæ lineæ rectæ continent,  
est æquale rectangulis, quæ lineæ non sectæ, &  
quouis segmento continentur. quod erat de-  
monstrandum.

*Propositio II. Theorema.*

**S**i recta lineæ utcunq; secta fuerit: re-  
ctangula quæ à tota & utroq; seg-  
mentorum continentur, sunt æqualia  
quadrato à tota illa lineæ descripto.

*Explicatio dati.)* Sit enim lineæ rectæ  $ab$   
utcunq; secta in puncto  $\gamma$ . (*Explicatio quæ-  
siti.)* Dico quod rectangulum rectis  $ab$ ,  $\beta\gamma$   
contentum, cum rectangulo rectis  $\beta a$ ,  $a\gamma$  con-  
tento, sit æquale quadrato à lineæ rectæ  $ab$   
descripto. (*Delineatio.)* Describatur à lineæ  
rectæ  $ab$ , quadratum  $ac$ ,  $de$ , & per punctum  
 $\gamma$  ducatur utriq;  $ad$ ,  $\beta e$ , æquedistans rectæ  
 $ac$ . (*Demonstratio.)* Est igitur rectangulū  
 $ae$ , æquale rectangulis  $ac$ ,  $\gamma e$ . sed rectangu-  
lum  $ae$ , est quadratum à lineæ rectæ  $ab$   
descriptum: rectangulum verò  $ac$ , est id  
quod continetur rectis  $\beta a$ ,  $a\gamma$ . quia rectis

$A \quad 3 \quad da, a\gamma$

χόμδμον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γὰρ  
 πρὸ  $\tau$  δ $\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ . ἴση δὲ ἡ  $\alpha\delta$ , τῇ  $\alpha\beta$ : τὸ δὲ γ $\epsilon$ , τῇ  
 ὑπὸ  $\tau$   $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ . ἴση γὰρ ἡ β $\epsilon$  τῇ  $\alpha\beta$ . τὸ ἄρα  
 ὑπὸ τῶν β $\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , μὲν τ $\epsilon$  ὑπὸ τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$   
 ἴσων ἐστὶ, τὰ δ' ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τετραγώνω. (Συμ-  
 πέρασμα.) Εἰάν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ  
 ὡς ἔτυχε: τὰ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκάσθ' τῶν  
 τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἐστὶ  
 τὰ δ' ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνω. ὅπως ἑδὲ δεῖξαι.

Πρότασις γ. θεώρημα.

**Ε**Αν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε: τὸ ὑ-  
 πὸ τῆς ὅλης καὶ ἑνὸς τῶν τμημάτων πε-  
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσων ἐστὶ τὰ τε ὑπὸ τῶν  
 τμημάτων περιεχομένων ὀρθογωνίων, καὶ τὰ  
 δ' ἀπὸ τῆς προφρημένης τμήματος τετραγώνω.

Ἐκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἡ  $\alpha\beta$ , τεμήσθω ὡς ἔτυ-  
 χε κατὰ τὸ  $\gamma$  σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω-  
 ῦσι τὸ ὑπὸ  $\tau$   $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  περιεχόμενον ὀρθογώ-  
 νιον, ἴσων ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  περιεχο-  
 μένων ὀρθογωνίων, μὲν τ $\epsilon$  δ' ἀπὸ τῆς  $\beta\gamma$  τετρα-  
 γώνω. (Κάλασκαυή.) Αναγεγράφθω γὰρ ἀπὸ  
 τῆς  $\beta\gamma$  τετραγώνον τὸ  $\gamma\delta$  β $\epsilon$ : καὶ ἡχθω ἡ  $\epsilon\delta$   
 ὅτι

da,  $\alpha\gamma$  continetur. & ad est equalis recta  
 $\alpha\beta$ : & rectangulum  $\gamma\epsilon$  est quod continetur  
 rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ . quoniam  $\beta\epsilon$  equalis est recta  
 $\alpha\beta$ . Quare rectangulum lineis  $\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  con-  
 tentum, cum rectangulo rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  con-  
 tento: est æquale quadrato à recta  $\alpha\beta$  descri-  
 pto. (Conclusio.) Si igitur recta quædam ut-  
 cunq; fuerit secta: rectangula quæ à tota, &  
 vnoquoq; segmento continentur, sunt æqua-  
 lia quadrato à tota linea recta descripto. Id  
 quod erat demonstrandum.

Propositio III. Theorema.

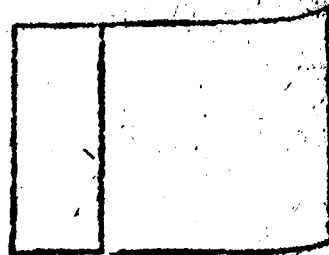
Si linea quædam recta utcunq; fuerit secta:  
 rectangulum tota linea recta, & vno seg-  
 mento contentum: est æquale rectangulo in  
 ipsius segmentis contento, & quadrato à præ-  
 dicto segmento descripto.

Explicatio dati.) Recta enim  $\alpha\beta$ , secetur  
 utcunq; in puncto  $\gamma$ . (Explicatio quæsitæ.)

Dico quod rectangulum lineis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  con-  
 tentum, æquale sit rectangulo  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  rectis  
 contento, atq; quadrato à recta  $\beta\gamma$  descripto.

(Delineatio.) Describatur à recta  $\beta\gamma$ , qua-  
 dratum  $\gamma\delta\beta\epsilon$ : & ducatur recta  $\epsilon\delta$  ad pun-  
 ctum

Ἐπὶ τὸ ζ: καὶ διὰ τῶν  
ὀπίερα τῶν γδ, βε πα-  
ράλληλῳ ἢ χθω ἢ αζ.  
(Απόδειξις.) Ἰσὺν δὴ ἔ-  
στι τὸ αε, τοῖς αδ, γε. ἔ-  
στι τὸ μὲν αε, τὸ ὑπὸ  
τῶν αβ, βγ περιεχο-



μῶνον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γδ ὑπὸ  
αβ, βε. ἴση δὲ ἢ βε, τῇ βγ, τὸ δὲ αδ, τὸ ὑπὸ  
τῶν αγ, γβ. ἴση γδ ἢ δγ, τῇ γβ. τὸ δὲ δβ,  
τὸ διπλὸν τῆς γβ τετραγώνου. τὸ ἄρα ὑπὸ  
τῶν αβ, βγ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσὺν ἔ-  
στι τῷ ὑπὸ τῶν αγ, γβ περιεχομένῳ ὀρθο-  
γωνίῳ, μετὰ τοῦ διπλοῦ τῆς γβ τετραγώνου.  
(Συμπέρασμα.) Εἰάν τις εὐθεῖα γραμμὴ  
τμηθῇ ὡς ἔτυχεν, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐνὸς  
τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσὺν ἔ-  
στι τῷ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομέ-  
νῳ ὀρθογωνίῳ: καὶ τῷ διπλοῦ τῆς περὶ τὸν  
τμήματος τετραγώνου. ὅπως ἐδὲ δείξαι.

Πρότερον δ. θεωρήματα.

Εἰάν τις εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχεν, τὸ  
ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐνὸς τμημάτων περιεχομέ-  
νον ὀρθογωνίῳ: καὶ τῷ διπλοῦ τῆς περὶ τὸν  
τμήματος τετραγώνου. ὅπως ἐδὲ δείξαι.

sum usq;  $\zeta$ : deniq; utriq;  $\gamma\delta$ ,  $\beta\epsilon$ , per punctum  
 a, ducatur aequedistans recta  $\alpha\zeta$ . (Demon-  
 stratio.) Rectangulum igitur  $\alpha\epsilon$ , est aequale  
 rectangulis  $\alpha\delta$ ,  $\gamma\epsilon$ : atq; rectangulum  $\alpha\epsilon$ , est  
 id quod continetur rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ : quia rectis  
 $\alpha\beta$ ,  $\beta\epsilon$  cōtinetur: sed  $\zeta\epsilon$  aequalis est rectae  
 $\beta\gamma$ : rectangulum etiam  $\alpha\delta$ , continetur re-  
 ctis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : quia recta  $\delta\gamma$ , est aequalis rectae  
 $\gamma\beta$ , & rectangulum  $\delta\beta$ , est quadratum à  $\gamma\beta$   
 recta descriptum. Quare rectangulum quod  
 $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  rectis continetur: est aequale rectan-  
 gulo  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  rectis contento, cum quadrato  
 à recta  $\gamma\beta$  descripto. (Conclusio.) Si igitur  
 recta linea secta utcunq; fuerit: rectangulum  
 quod tota linea recta, & vno segmentorum  
 continetur: est aequale rectangulis ipsis se-  
 gmentis contento, atq; quadrato à praedicto  
 segmento descripto. Quod erat demonst-  
 randum.

Propositio IIII. Theorema.

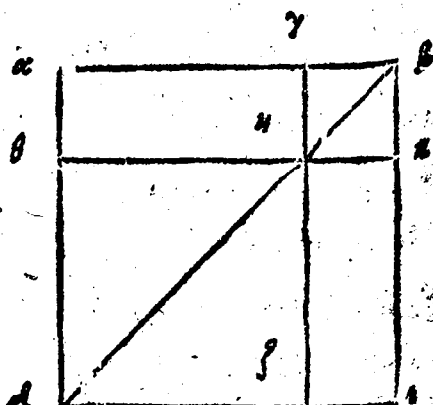
Si recta linea secta fuerit utcunq;  
 A 5 qua-

ὑπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἔσται τοῖς τε  
 ὑπὸ τῶν τμημάτων τετραγώνοις : καὶ τὰ  
 δὲ ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένα ὀρθο-  
 γωνία.

Εκθεσις.) Ευθεῖα γὰρ γραμμὴ ἡ  $\alpha\beta$ , τεμή-  
 θω ὡς ἔτυχεν  $\gamma$ . (Διορισμός.) Λέγω  
 ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τετραγώνου, ἴσον ἔστι τοῖς  
 τε ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma, \gamma\beta$  τετραγώνοις, καὶ τὰ δὲ  
 ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma, \gamma\beta$  περιεχομένα ὀρθογωνία.

(Κατασκευὴ.) Ανα-

γεγράφθω γὰρ ἀπὸ  
 τῆς  $\alpha\beta$  τετραγώ-  
 νου τὸ  $\alpha\delta\epsilon\beta$  : καὶ ἐ-  
 πεζόχθω ἡ  $\beta\delta$  : καὶ  
 δια μέν τῃ  $\gamma$ , ὅπο-  
 τέρα τῶν  $\alpha\delta$ , ἐβ  
 παράλληλῃ  $\zeta$  ἢ  $\chi$ -



θω ἡ  $\gamma\zeta$ . Διὰ δὲ τῇ  $\eta$ , ὅποτερα τῶν  $\alpha\delta$ , δε, πα-  
 ράλληλος ἢ  $\chi$ θω ἡ  $\theta\kappa$ . (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ  
 παράλληλῃ  $\zeta$  ἐστὶν ἡ  $\gamma\zeta$ , τῇ  $\alpha\delta$ , εἰς αὐτὰς  
 ἐμπέπωκεν ἡ  $\beta\delta$  : ἡ ἐκτός γωνία ἡ ὑπὸ  $\beta\eta\gamma$  :  
 ἴση ἐστὶ τῇ ἐντός καὶ ἀπεναντίας τῇ ὑπὸ  $\alpha\delta\theta$ .  
 ἀλλ' ἡ ὑπὸ  $\alpha\delta\theta$ , τῇ ὑπὸ  $\alpha\beta\delta$  ἐστὶν ἴση : ὥστε καὶ  
 παλιν

quadratum à tota linea recta descriptum, erit æquale quadratis segmentorum, & rectangulo quod bis ipsis continetur segmentis.

*Explicatio dati.)* Recta enim linea  $\alpha\beta$ , secetur utcumq; in puncto  $\gamma$ . (*Explicatio quesiti.)* Dico quod quadratum à recta linea  $\alpha\beta$  descriptum: æquale sit quadratis à lineis rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  descriptis, & rectangulo quod bis continetur rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . (*Delineatio.)* A recta linea  $\alpha\beta$  describatur quadratum  $\alpha\delta\epsilon\zeta$ : & fiat linea  $\beta\delta$ : atq; per punctum  $\gamma$ , utriq; lineæ rectæ  $\alpha\delta$ ,  $\epsilon\beta$  ducatur æquedistans recta  $\gamma\zeta$ : præterea per punctum  $\eta$ , utriq; lineæ  $\alpha\zeta$ ,  $\delta\epsilon$ , ducatur æquedistans recta  $\theta\kappa$ . (*Demonstratio.)* Quoniam recta  $\gamma\zeta$ , æquedistat rectæ  $\alpha\delta$ : & in eas incidit recta  $\beta\delta$ : angulus igitur  $\beta\eta\gamma$  externus: æqualis est angulo  $\alpha\delta\beta$  interno sibi opposito: sed angulus  $\alpha\delta\beta$ , est æqualis angulo  $\alpha\beta\delta$ : quia & latus  $\alpha\delta$ , la-

πλῆρὰ ἡ  $\alpha\beta$  τῇ  $\alpha\delta$  ἐστὶν ἴση. καὶ ἡ ὑπὸ γῆθ  
 ἄρα γωνία, τῇ ὑπὸ ἡβγ ἐστὶν ἴση. ὥστε καὶ  
 πλῆρὰ ἡ βγ, πλῆρὰ τῇ γῆ ἐστὶν ἴση. ἀλλὰ  
 καὶ ἡ γβ, τῇ ἡκ ἐστὶν ἴση, ἡ δὲ γῆ, τῇ κβ, καὶ ἡ  
 ἡκ ἄρα, τῇ κβ ἐστὶν ἴση. ἰσόπλευρον ἄρα ἐστὶ  
 τὸ γηκβ. λέγω δὴ ὅτι καὶ ὀρθογώνιον. ἐπεὶ γὰρ  
 παράλληλα  $\alpha\beta$  ἐστὶν ἡ γῆ, τῇ βκ. καὶ εἰς αὐτὰς  
 ἐνέπεσεν ἡ γβ. αἱ ἄρα ὑπὸ κβγ, ἡ γβ γω-  
 νία, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσιν. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ  
 κβγ, ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ἡγβ. ὥστε ἔτι αἱ ἀπε-  
 πανήϊον, αἱ ὑπὸ γηκ, ἡκβ ὀρθαὶ εἰσιν. ὀρθο-  
 γώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ γηκβ. ἐδείχθη δὲ καὶ ἰσό-  
 πλευρον. τετράγωνον ἄρα ἐστὶ, καὶ ἐστὶν διπλὸν  
 τῇ γβ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ, καὶ τὸ θζ τετράγω-  
 νον ἐστὶ, ἔστιν διπλὸν τῆς θη. τέτ' ἐστὶν ἀπὸ τῆς  
 $\alpha\gamma$ . τὰ ἄρα θζ, γκ τετράγωνα, ἀπὸ τῶν  
 $\alpha\gamma$ , γβ εἰσὶ. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ  $\alpha\eta$  τῷ ἡε, καὶ  
 ἐστὶ τὸ  $\alpha\eta$ , τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ , γβ. ἴση γὰρ ἡ ἡγ, τῇ  
 γβ. καὶ τὸ ἡε ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  
 γβ. τὰ ἄρα  $\alpha\eta$ , ἡε, ἴσα ἐστὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν  
 $\alpha\gamma$ , γβ. ἐστὶ δὲ καὶ τὰ θζ, γκ τετράγωνα, ἀ-  
 πὸ τῶν  $\alpha\gamma$ , γβ. τὰ ἄρα τέσσαρα τὰ θζ, γκ,  
 $\alpha\eta$ , ἡε,

$\alpha\beta$ , lateri  $\alpha\delta$  est æquale. quare & angulus  
 $\gamma\eta\epsilon$ , angulo  $\eta\epsilon\gamma$  est equalis, latus etiam  
 $\epsilon\gamma$ , lateri  $\gamma\eta$  est æquale. verum latus  $\gamma\epsilon$ , etiã  
 est æquale lateri  $\eta\kappa$ , &  $\gamma\eta$  latus lateri  $\kappa\epsilon$ . er-  
 go &  $\eta\kappa$  latus, lateri  $\kappa\epsilon$  æquale erit. Figura  
 igitur  $\gamma\eta\kappa\epsilon$  est æquilatera. Dico quod etiam  
 sit rectangula: quoniam recta  $\gamma\eta$  æquedistat  
 rectæ  $\beta\kappa$ , & in eas incidit recta  $\gamma\epsilon$ : anguli i-  
 gitur  $\kappa\beta\gamma$ ,  $\eta\gamma\epsilon$  duobus rectis sunt æquales,  
 & idcirco etiam anguli oppositi  $\gamma\eta\kappa$ ,  $\eta\kappa\epsilon$  duo  
 erunt recti. quare  $\gamma\eta\kappa\epsilon$  figura etiam est re-  
 ctangula: demonstrata verò etiam est æquila-  
 tera: quare  $\gamma\eta\kappa\epsilon$  est quadratum, et est à linea  
 $\gamma\epsilon$  descriptum. Eisdem medijs demonstrabi-  
 tur quod  $\theta\zeta$  figura, sit quadratum, & est à re-  
 ctâ  $\theta\eta$  descriptum, hoc est, à rectâ  $\alpha\gamma$ . quare  
 quadrata  $\theta\zeta$ ,  $\gamma\kappa$  sunt à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  descri-  
 pta. Quoniam verò rectangulum  $\alpha\eta$ , æquale  
 est rectangulo  $\eta\epsilon$ , & rectangulum  $\alpha\eta$  conti-  
 neatur rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ . rectangula igitur  $\alpha\eta$ ,  
 $\eta\epsilon$  sunt equalia rectangulo, q̄ bis continetur  
 rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ : &  $\theta\zeta$ ,  $\gamma\kappa$  quadrata descripta  
 sunt à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ . quatuor itaq; ista  $\theta\zeta$ ,  $\gamma\kappa$ ,  
 $\alpha\eta$ ,  $\eta\epsilon$ ,

$\alpha\eta$ ,  $\eta\epsilon$ , ἴσα ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  τε-  
 τραγώνοις: ὁ  $\tau\alpha$  δὲ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  πε-  
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ἀλλὰ τὰ  $\theta\zeta$ ,  $\gamma\kappa$ ,  $\alpha\eta$ ,  
 $\eta\epsilon$ , ὅλον ἐστὶν τὸ  $\alpha\delta\epsilon\beta$ , ὃ ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$   
 τετραγώνου. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$  τετραγώ-  
 νου, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  τετραγώ-  
 νοις, καὶ  $\tau\alpha$  δὲ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  περρεχο-  
 μένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰν ἄρα  
 $\delta\theta\epsilon\iota\alpha$  γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς  
 ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τμη-  
 μάτων τετραγώνοις, καὶ  $\tau\alpha$  δὲ ὑπὸ τῶν τμη-  
 μάτων περρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ὅπως ἔδει  
 δεῖξαι.

### Ἐτέρᾳ δειξίς.

Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τετρα-  
 γώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  τετραγώ-  
 νοις: καὶ  $\tau\alpha$  δὲ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  περρεχομένῳ  
 ὀρθογωνίῳ. (Καίλας.) ὅτι καὶ τῆς αὐτῆς κα-  
 ταγραφῆς. (Απόδειξις.) Ἐπειὶ ἐστὶν ἡ  $\beta\alpha$ ,  
 τῇ  $\alpha\delta$ , ἴση ἐστὶ καὶ γωνία ἢ ὑπὸ  $\alpha\beta\delta$ , τῇ ὑπὸ  
 $\alpha\delta\epsilon$ . καὶ ἐπεὶ πάντος τριγώνου, αἱ τρεῖς γω-  
 νίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν. τὰ  $\alpha\beta\delta$  ἄρα τρι-  
 γώνου

$\alpha\gamma$ ,  $\eta\epsilon$ , equalia sunt quadratis à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\epsilon\gamma$  descriptis: & rectangulo quod bis continetur rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ . sed quatuor ista  $\theta\zeta$ ,  $\gamma\kappa$ ,  $\alpha\eta$ ,  $\eta\epsilon$ , faciunt totum ad  $\epsilon\zeta$  quadratum à recta linea  $\alpha\beta$  descriptum. quadratum igitur à linea recta  $\alpha\epsilon$  descriptum, æquale est quadratis à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$  descriptis: & rectangulo quod rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  bis continetur. (Conclusio.) Si ergo recta linea secta utcunq, fuerit, quadratum à tota descriptum, æquale est quadratis ab ipsis segmentis descriptis, & rectangulo bis ipsis segmentis contento. Id quod erat demonstrandum.

### Alia demonstratio.

Explicatio quæsitæ.) Dico q quadratum à recta linea  $\alpha\epsilon$  descriptū, æquale sit quadratis à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$  descriptis, & rectangulo quod  $\alpha\gamma$ ,  $\epsilon\gamma$  rectis bis continetur. (Delin.) Delineatio maneat eadē. (Demonstratio.) Quoniam  $\epsilon\alpha$  recta, æqualis est rectæ  $\alpha\delta$ : idcirco et angulus  $\alpha\epsilon\delta$ , angulo  $\alpha\delta\epsilon$  æqualis est: & cum in omni triangulo, tres anguli sint æquales duobus rectis: ideo trianguli  $\alpha\epsilon\delta$ , tres angu-

$\gamma\omega\nu\alpha$  αἱ τρεῖς γωνίαι, αἱ ὑπὸ  $\alpha\beta\delta$ ,  $\alpha\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\alpha\delta$   
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶ. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ  $\epsilon\alpha\delta$ , λοι-  
 παὶ ἄρα αἱ ὑπὸ  $\alpha\beta\delta$ ,  $\alpha\delta\epsilon$ , μιᾷ ὀρθῇ ἴσαι εἰσὶ,  
 καὶ εἰσὶν ἴσαι. ἐκαστέρα ἄρα τῶν ὑπὸ  $\alpha\beta\delta$ ,  
 $\alpha\delta\epsilon$ , ἡμίση εἰς ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ  $\beta\gamma\eta$ ,  
 ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τὸ  $\alpha$ . λοι-  
 πὴ ἄρα ἡ ὑπὸ  $\gamma\eta\epsilon$  ἡμίση εἰς ὀρθῆς. ἴση ἄ-  
 ρα ἡ ὑπὸ  $\gamma\eta\beta$  γωνία, τῇ ὑπὸ  $\gamma\beta\eta$ . ὥστε καὶ  
 πλῆρὰ ἡ  $\beta\gamma$ , τῇ  $\gamma\eta$  εἰς ἴση. ἀλλ' ἡ καὶ  $\gamma\beta$ ,  
 τῇ  $\kappa\eta$  εἰς ἴση: ἡ δὲ  $\gamma\eta$ , τῇ  $\beta\kappa$ . ἰσοπλῆρὸν  
 ἄρα ἐστὶ τὸ  $\gamma\kappa$ , ἔχει δὲ ὀρθὴν πλὴν ὑπὸ  $\gamma\beta\eta$   
 γωνίαν. πετράγωνον ἄρα ἐστὶ τὸ  $\gamma\kappa$ , καὶ ἐστὶ  
 ἀπὸ τῆς  $\gamma\beta$ . Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ, καὶ τὸ  $\zeta\theta$  πε-  
 τράγωνον ἐστὶ. καὶ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$ .  
 τὰ ἄρα  $\gamma\kappa$ ,  $\theta\zeta$  πετράγωνα ἐστὶ. καὶ εἰς ἴση  
 τοῖς ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ , καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τῷ  $\alpha\eta$  τῷ  
 $\epsilon\eta$ : καὶ ἐστὶ τὸ  $\alpha\eta$  τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . ἴση γὰρ  
 ἡ  $\gamma\eta$ , τῇ  $\gamma\epsilon$ : καὶ τὸ  $\epsilon\eta$  ἄρα ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ  
 τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . τὰ ἄρα  $\alpha\eta$ ,  $\eta\epsilon$ , ἴσα ἐστὶ τῷ δις ὑ-  
 πὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : ἐστὶ δὲ καὶ τὰ  $\gamma\kappa$ ,  $\theta\zeta$  ἴσα  
 τοῖς ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ , τὰ ἄρα  $\gamma\kappa$ ,  $\theta\zeta$ ,  $\alpha\eta$ ,  $\eta\epsilon$   
 ἴσα.

anguli  $\alpha\epsilon\delta$ ,  $\alpha\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\alpha\delta$  duobus rectis sunt æ-  
 quales, sed angulus  $\epsilon\alpha\delta$  est rectus: reliqui er-  
 go  $\alpha\epsilon\delta$ ,  $\alpha\delta\epsilon$  uni angulo recto sunt æquales.  
 Vterq; igitur angulorum  $\alpha\epsilon\delta$ ,  $\alpha\delta\epsilon$  dimidia  
 est pars recti: sed angulus  $\epsilon\gamma\eta$  est rectus, quia  
 angulo ad  $\alpha$  sibi opposito æqualis est: reliquus  
 ergo angulus  $\gamma\eta\epsilon$  dimidia pars recti est. qua-  
 re angulus  $\gamma\eta\epsilon$ , angulo  $\gamma\epsilon\eta$  est æqualis. vn-  
 de  $\epsilon$  latus  $\epsilon\gamma$ , lateri  $\gamma\eta$  est æquale. sed  $\gamma\epsilon$  la-  
 tus est æquale lateri  $\eta\epsilon$ : et latus  $\gamma\eta$ , lateri  $\epsilon\eta$ .  
 erit igitur figura  $\gamma\eta$  æquilatera: sed angulus  
 $\gamma\epsilon\eta$  est rectus: figura igitur  $\gamma\eta$  est quadratū,  
 & descriptum est à recta  $\gamma\epsilon$ . Iisdē medijs de-  
 monstrabitur, quod  $\theta$  sit quadratum: & æ-  
 quale quadrato, à recta  $\alpha\gamma$  descripto. figura  
 igitur  $\gamma\eta$ ,  $\theta$  sunt quadrata: & sunt æqualia  
 quadratis à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$  descriptis. Cum au-  
 tem rectangulum  $\alpha\eta$  sit æquale rectāgulo  $\eta\epsilon$ ,  
 & rectangulū  $\alpha\eta$  sit illud quod cōtinetur re-  
 ctis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ : nam  $\gamma\eta$  est æqualis rectæ  $\gamma\epsilon$ : id-  
 circo &  $\epsilon\eta$  rectangulum erit æquale rectangu-  
 lo  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$  rectis cōtento. quare rectāgula  $\alpha\eta$ ,  
 $\eta\epsilon$  sunt æqualia rectāgulo quod  $\alpha\gamma$ ,  $\epsilon\gamma$  rectis

ἴσα ἐστὶ τοῖς τε ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : καὶ τὰ δὲ ὑπὸ  
 τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : ἀλλὰ τὰ  $\gamma\kappa$ ,  $\theta\zeta$ : καὶ τὰ  $\alpha\eta$   
 ἡ. ὅλον ἐστὶ τὸ  $\alpha\epsilon$ , ὃ ἐστὶν ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τετρα-  
 γωνον. (Συμπέρασμα.) Τὸ ἄρα διπλὸ τῆς  
 $\alpha\delta$  τετραγώνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  
 $\gamma\beta$  τετραγώνοις: καὶ τὰ δὲ ὑπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  
 $\gamma\beta$  περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. ὥστε εἶδ' εἰδῆσαι.  
 (Πόρισμα.) Ἐκ δὲ τούτων φανερόν ἐστιν, ὅτι  
 ἐν τοῖς τετραγώνοις χωρίοις: τὰ περὶ πλὴν  
 διάμετρον παραλληλόγραμμα, τετραγώ-  
 να ἐστὶ.

Πρότασις ε. θεώρημα.

**Ε**ΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνί-  
 σαι: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλοις τμημά-  
 των περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μείζον ἐστὶ ἀπὸ  
 τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ  
 τῷ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἢ  $\alpha\beta$ , τεμήσθω  
 εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ  $\gamma$ , εἰς δὲ ἀνισα κατὰ τὸ  $\delta$ .  
 (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$   
 περιε-

bis continetur: sed figurae  $\gamma\kappa, \theta\zeta$ , sunt equalia quadratis à rectis  $\alpha\gamma, \gamma\zeta$  descriptis. Hæ igitur quatuor figurae  $\gamma\kappa, \theta\zeta, \alpha\eta, \eta\epsilon$ , sunt equalles quadratis à rectis  $\alpha\gamma, \gamma\zeta$  descriptis, & rectangulo quod  $\alpha\gamma, \gamma\zeta$  rectis bis continetur: verum  $\gamma\kappa, \theta\zeta, \alpha\eta, \eta\epsilon$  figurae: constituunt totum quadratum  $\alpha\epsilon$ , à recta linea  $\alpha\zeta$  descriptum. (Conclusio.) Quadratum igitur à recta linea  $\alpha\zeta$  descriptum: æquale est quadratis à rectis  $\alpha\gamma, \gamma\zeta$  descriptis, et rectangulo quod rectis  $\alpha\gamma, \gamma\zeta$  bis continetur. Id quod demonstrandum erat. (Corollarium.) Ex his manifestum est, quod in quadratis figuris, parallelogramma quæ circa diametron sunt, sint quadrata.

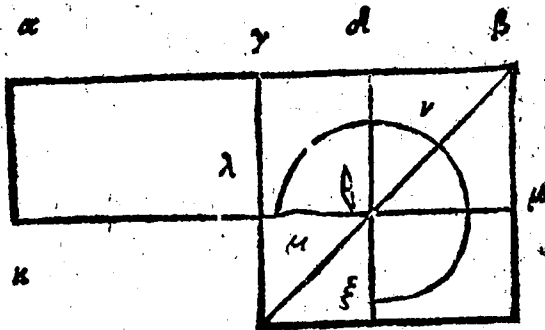
Propositio V. Theorema.

Si recta linea in equalia & in inæqualia fuerit secta: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus, cum quadrato quod à linea inter ipsa segmenta posita describitur: æquale est quadrato à dimidia linea descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea  $\alpha\zeta$ , sectetur in partes æquales in puncto  $\gamma$ , & in partes inæquales in puncto  $\delta$ . (Explicatio quaesiti.) Dico quod rectangulum rectis  $\alpha\delta, \delta\zeta$

περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς  
 γδ τετραγώνῳ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς γδ τε-  
 τραγώνῳ. (Κατασκευή.) Αναγεγνάφθω γδ  
 ἀπὸ τῆς βγ

τετράγω-  
 νον τὸ γεζβ  
 καὶ ἐπεζώ-  
 χθω ἡ βε,  
 καὶ διὰ μὲν  
 τῷ δ, ὅπο-



τέρα τῶν γε, βζ παράλληλῃ τῇ χθω ἡ δῆ.  
 Διὰ δὲ τῷ θ. ὀπίερα τῆς γβ, ἐξ παράλληλῃ  
 ἡ χθω ἡ κμ, καὶ πάλιν διὰ τῷ α, ὀπίερα τῆς γλ  
 βμ, παράλληλος ἡ χθω ἡ ακ. (Απόδειξις.)  
 Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ γθ παραπληρώμα τῷ  
 θζ, παραπληρώματα: κοινὸν προσκείσθω τὸ  
 δμ. ἔλον ἄρα τὸ γμ, ὅλῳ τῷ δζ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ  
 τὸ γμ, τῷ αλ ἴσον ἐστίν. ἐπεὶ καὶ ἡ αλ, τῇ γβ ἴ-  
 σῃ ἐστὶ: καὶ τὸ αλ ἄρα, τῷ δζ ἴσον ἐστὶ. κοινὸν  
 προσκείσθω τὸ γθ. ὅλον ἄρα τὸ αθ, τῷ δζ  
 καὶ δλ ἴσον ἐστὶ. ἀλλὰ τὸ μὲν αθ, τῷ ὑπὸ τῶν  
 αδ, δβ ἴσον ἐστίν. ἴση γδ ἡ δθ, τῇ δβ, τὸ δὲ ζδ,  
 δλ, ἐστὶν ὁ μὲν γνῶμων, καὶ ὁ μὲν ἄρα γνῶμων.  
 ἴσοις

contentum, cum quadrato à linea  $\gamma\delta$  descripto, sit æquale quadrato à recta  $\gamma\epsilon$  descripto.

(Delineatio.) Describatur à recta linea  $\beta\gamma$  quadratum  $\gamma\epsilon\zeta\epsilon$ : & fiat linea  $\beta\epsilon$ : atq; per punctum  $\delta$  utriq; rectæ  $\gamma\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ , ducetur æquedistans recta  $\delta\eta$  per punctū etiam  $\theta$ , utriq; rectæ  $\gamma\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ , æquedistans ducatur recta  $\kappa\mu$ : item per punctum  $\alpha$ , rectis  $\gamma\lambda$ ,  $\epsilon\mu$  æquedistans ducatur recta  $\alpha\kappa$ . (Demonstratio.)

Cum itaq; supplementum  $\gamma\theta$ , supplemento  $\theta\zeta$  æquale sit: commune addatur parallelogrammon  $\delta\mu$ . totum igitur  $\gamma\mu$ , toto  $\delta\zeta$  erit æquale. sed  $\gamma\mu$  rectangulum æquale est rectangulo  $\alpha\lambda$ , quia  $\alpha\gamma$  recta, æqualis est rectæ  $\gamma\beta$ , & idcirco  $\alpha\lambda$  rectangulum, erit æquale rectangulo  $\delta\zeta$ . commune addatur  $\gamma\theta$ . totum igitur rectangulum  $\alpha\theta$ , æquale est rectangulis  $\delta\zeta$ ,  $\delta\lambda$ : sed rectangulum  $\alpha\theta$ , est ei quod continetur rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  æquale. quia recta  $\delta\theta$ , rectæ  $\delta\beta$  æqualis, &  $\zeta\delta$ ,  $\delta\lambda$ , efficiunt gnomonem  $\mu\nu\zeta$ . quare  $\mu\nu\zeta$  gnomon, æqualis est

ἴσους ἐστὶ τὰ ὑπὸ  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ . καὶ ὁν προσκείσθαι  
 τὸ  $\lambda\eta$ . ὅ ἐστιν ἴσους τὰ ἀπὸ τῆς  $\gamma\delta$ . ὁ ἄρα μὲν  
 γνώμων, καὶ τὸ  $\lambda\eta$  ἴσα ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  
 $\delta\beta$  περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς  
 $\gamma\delta$  τετραγώνῳ. ἀλλὰ ὁ μὲν γνώμων, καὶ τὸ  
 $\lambda\eta$ : ὅλον ἐστὶ τὸ γεῶν τετράγωνον, ὅ ἐστιν ἀπὸ  
 τῆς  $\gamma\beta$ . τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  περιεχο-  
 μένον ὀρθογώνιον, μὲν  $\tau\delta$  ἀπὸ τῆς  $\gamma\delta$  τετρα-  
 γώνῳ, ἴσους ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς  $\gamma\beta$  τετραγώνῳ.  
 (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα  $\delta\theta$  εἰς  $\lambda\eta$  γραμμὴ  
 τμηθῇ εἰς ἴσα  $\epsilon\alpha$  αἰσῶσι: τὸ ὑπὸ  $\tau$  αἰσῶν τῆς  
 ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον,  
 μὲν  $\tau\delta$  ἀπὸ τῆς μετὰ  $\epsilon\alpha$  τῶν τομῶν τετραγών-  
 ῳ, ἴσους ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγών-  
 ῳ. ὅπως ἔδει δείξαι.

Πρότασις 5. Θεώρημα.

**Ε**ΑΝ  $\delta\theta$  εἰς  $\lambda\eta$  γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προστε-  
 θῇ δὲ πρὸς αὐτῇ  $\delta\theta$  εἰς  $\lambda\eta$ : τὸ ὑ-  
 πὸ τῆς ὅλης  $\lambda\eta$  τῇ προσκείμενῃ, καὶ τῆς  
 προσκειμένης περιεχόμενον ὀρθογώνιον, με-  
 τὰ  $\tau\delta$  ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ, ἴσους ἐστὶ  
 τὰ ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἐκ  $\tau$  τῆς ἡμισείας,  
 καὶ τῆς

rectangulo  $\alpha\delta, \delta\beta$  rectis contento. Commune addatur  $\lambda\eta$ , quod æquale est quadrato à recta  $\gamma\delta$  descripto. itaq;  $\mu\nu\xi$  gnomon, &  $\lambda\eta$  quadratum, æqualia sunt rectangulo  $\alpha\delta, \delta\beta$  rectis contento, & quadrato à recta  $\gamma\delta$  descripto. verum  $\mu\nu\xi$  gnomon, & quadratum  $\lambda\eta$ : faciunt ac constituunt totum quadratum  $\gamma\epsilon\zeta$ , quod est quadratum à recta  $\gamma\epsilon$  descriptum. Quare rectangulum  $\alpha\delta, \delta\beta$  rectis contentum, cum quadrato à  $\gamma\delta$  descripto: æquale est quadrato à recta  $\gamma\epsilon$  descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea fuerit secta in partes æquales, & in partes inæquales: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus totius lineæ rectæ, cum quadrato eius lineæ, quæ est inter segmenta, æquale est quadrato dimidiæ lineæ rectæ. Id quod erat demonstrandum.

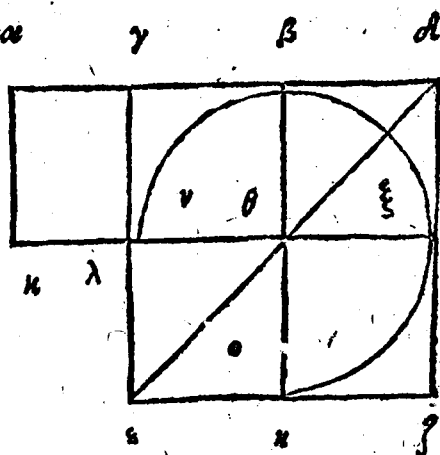
Propositio VI. Theorema.

SI recta linea in duas partes æquales secta fuerit: & ei addatur alia quædam recta linea è directo: tum rectangulum quod tota & addita linea recta continetur cum quadrato à dimidia linea recta descripto: est æquale quadrato

καὶ τῆς περσκειμένης ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγρὰ  
φέντι τετραγώνω.

Εκθεσις.) Ευθεία γὰρ τῆς ἡ  $\alpha\beta$ , τεμήσθω δι-  
χα κατὰ τὸ  $\gamma$  σημεῖον: περσκέσθω δὲ πρὸς αὐ-  
τῇ εὐθείᾳ, ἐπὶ εὐθείας ἡ  $\beta\delta$ . (Διορισμός.)  
Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  περιεχόμε-  
νον ὀρθογώνιον, μὲν τὸ ἀπὸ τῆς  $\gamma\delta$  τετραγών-  
ου: ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς  $\gamma\delta$  τετραγώνω.

(Κατασκευὴ.) Α-  
ναγεγράψθω γὰρ  
ἀπὸ τοῦ  $\gamma$  τετρα-  
γώνον τὸ  $\gamma\epsilon\zeta\theta$ :  
καὶ ἐπεζεύχθω  
ἡ  $\delta\epsilon$ : καὶ διὰ μέν  
τῶν  $\beta$  σημεῖα, ὅπο-  
τέρα τῶν  $\epsilon\gamma$ ,  $\delta\zeta$ ,



παράλληλῃ  $\odot$  ἤχθω ἡ  $\beta\eta$ : διὰ δὲ τῶν  $\theta$  σημεῖα,  
ὅποτέρα τῶν  $\alpha\beta$ , ἐξ παράλληλῃ  $\odot$  ἤχθω ἡ  
κμ. καὶ ἐπὶ διὰ τῶν  $\alpha$  ὅποτέρα τῶν  $\gamma\lambda$ , δμ πα-  
ράλληλῃ  $\odot$  ἤχθω ἡ  $\alpha\kappa$ . (Απόδειξις.) Επει-  
ὅτι ἴση ἐστὶν ἡ  $\alpha\gamma$ , τῇ  $\gamma\delta$ : ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ  $\alpha\lambda$ ,  
πρὸς  $\gamma\theta$ . ἀλλὰ καὶ τὸ  $\gamma\theta$  πρὸς  $\theta\zeta$ , ἴσον ἐστὶ: καὶ τὸ  
 $\alpha\lambda$  ἄρα πρὸς  $\theta\zeta$  ἴσον ἐστὶ. κοινὸν περσκέσθω  
τὸ  $\gamma\theta$

drato à linea composita ex dimidia, & adiecta, ac si esset vna tantum linea recta, descripto.

*Explicatio dati.)* Recta enim linea  $\alpha\zeta$ , secetur in duas aequales partes in puncto  $\gamma$ : & ei è directo adijciatur recta quædam linea  $\beta\delta$ . (*Explicatio quæsitæ.)* Dico quod rectangulum rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  contentum cum quadrato à recta  $\gamma\beta$  descripto: æquale sit quadrato à recta  $\gamma\delta$  descripto. (*Delineatio.)* Describatur enim à recta linea  $\gamma\delta$  quadratum  $\gamma\epsilon\zeta\delta$ : & ducatur linea recta  $\delta\epsilon$ : atq; per punctum  $\beta$ , vtriq; lineæ rectæ  $\epsilon\gamma$ ,  $\delta\zeta$  ducatur æquedistans recta  $\beta\eta$ : item per punctum  $\theta$ , vtriq; rectæ  $\alpha\zeta$ ,  $\epsilon\zeta$ , ducatur æquedistans recta  $\eta\mu$ : deniq; per punctum  $\alpha$  vtriq; rectæ  $\gamma\lambda$ ,  $\delta\mu$  æquedistans ducatur recta  $\alpha\kappa$ . (*Demonstratio.)* Quoniam nunc recta  $\alpha\gamma$ , æqualis est rectæ  $\gamma\beta$ : erit etiam rectangulum  $\alpha\lambda$ , rectangulo  $\gamma\theta$  æquale, sed  $\gamma\theta$  est æquale  $\theta\zeta$ , ergo &  $\alpha\lambda$  rectangulum erit æquale rectangulo  $\theta\zeta$ . Commune addatur rectan-

B 5      gulum

τὸ γμ. ὅλον ἄρα τὸ αμ, τὰ νξο γνώμονι  
 εἰν ἴσωνι ἀλλὰ τὸ αμ, ἐστὶ τὸ ὑπὸ τῶν αδ, δβ.  
 ἡ γδ' ἐστὶν ἡ δμ, τῇ δβ. καὶ ὁ νξο γνώμων.  
 οὗτος ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν γδ, δβ περιεχομένη  
 ὀρθογώνιος. κοινὸν προσκείσθω τὸ λη, ὅ ἐστιν  
 ἴσων, τὰ ἀπὸ τῆς γδ τετραγώνω. τὸ ἄρα ὑ-  
 πὸ τῶν αδ, δβ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,  
 μὲν τὰ ἀπὸ τῆς βγ τετραγώνω, ἴσων ἐστὶ τὰ  
 νξο γνώμονι καὶ τὰ λη. ἀλλ' ὁ νξο γνώμων,  
 τὸ λη, ὅλον ἐστὶ τὸ γεζδ τετραγώνον, ὃ ἐστὶν  
 ἀπὸ τῆς γδ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν αδ, δβ πε-  
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, μὲν τὰ ἀπὸ τῆς βγ  
 τετραγώνω, ἴσων ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς γδ τετρα-  
 γώνω. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα εὐθεία  
 γραμμὴ τμηθῇ δίχα προστεθῇ δὲ τις αὐτῇ  
 εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας· τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης συν τῇ  
 προσκειμένη, καὶ τῆς προσκειμένης περιεχο-  
 μένον ὀρθογώνιον, μὲν τὰ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τε-  
 τραγώνω· ἴσων ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς συγκειμένης  
 ἐκ τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκειμένης ὡς  
 ἀπὸ μιᾶς ἀναγξαφένῃ τετραγώνω. ὅπως ἐδεί-  
 χται.

gulum  $\gamma\mu$ . totum igitur rectangulum  $\alpha\mu$ ,  
 erit  $\nu\zeta\theta$  gnomoni æquale: sed  $\alpha\mu$  est rectan-  
 gulum quod  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  rectis continetur. quia  
 $\delta\mu$  recta est æqualis rectæ  $\delta\beta$ : ideo &  $\nu\zeta\theta$   
 gnomon, æqualis est rectangulo quod rectis  
 $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  continetur. commune addatur rectan-  
 gulum  $\lambda\eta$ , quod æquale est quadrato à recta  
 $\gamma\delta$  descripto. ergo rectangulum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  re-  
 ctis contentum cum quadrato quod à recta  
 $\beta\gamma$  describitur, est æquale  $\nu\zeta\theta$  gnomoni, &  
 rectangulo  $\lambda\eta$ . verum  $\nu\zeta\theta$  gnomon, & re-  
 ctangulum  $\lambda\eta$ : constituunt totum quadra-  
 tum  $\gamma\epsilon\zeta\delta$ , quod est descriptum à recta  $\gamma\delta$ .  
 rectangulum igitur  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$ , rectis conten-  
 tum, cum quadrato à recta  $\beta\gamma$  descripto, æ-  
 quale est quadrato à recta  $\gamma\delta$  descripto. (Cō-  
 clusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in  
 duas partes æquales, eiq; addatur è directo li-  
 nea quædam recta, rectangulum quod tota recta cum  
 ipsa adiecta, & ipsa linea adiecta continetur: cum  
 quadrato quod à dimidia linea recta describitur: æ-  
 quale est quadrato, quod à linea composita ex dimi-  
 dia & adiecta, & ipsa adiecta tanquam una esset li-  
 nea describitur. quod erat demonstrandum.

Propo-

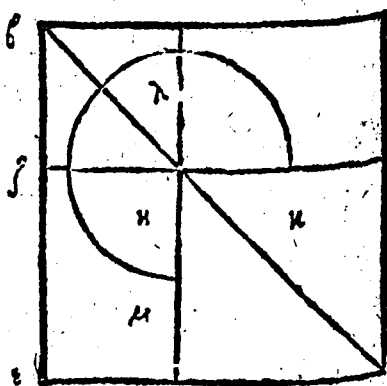
Πρότασις ζ. θεώρημα.

**Ε**Αν εὐθεία γραμμὴ τμηθῇ ὥς ἔτυχε: τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέρω τετράγωνα ἴσα ἔσονται τῷ τε δίσκῳ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματι περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ: καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Εκθεσις, ) Εὐθεία γάρ τις ἡ  $\alpha\beta$ , τεμήσθω ὥς ἔτυχε καὶ αὐτὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν  $\alpha\beta$ , βγ τετράγωνα, ἴσα ἔσονται τῷ τε δίσκῳ ὑπὸ τῶν  $\alpha\beta$ , βγ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράφθω γὰρ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τετράγωνον, τὸ  $\alpha\delta\epsilon\beta$ : καὶ καταγεγράφθω τὸ σχῆμα. (Αποδείξις.)

Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἔστι τὸ  $\alpha\eta$ , τῷ  $\eta\epsilon$ . κοινὸν προσκείσθω τὸ γζ. ὅλον ἄρα τὸ  $\alpha\zeta$ , ὅ-

λω τῷ γε ἔστιν ἴσον. τὰ ἄρα  $\alpha\zeta$ , γε διπλασία ἔστι τῷ  $\alpha\zeta$ : ἀλλὰ τὰ  $\alpha\zeta$ , γε, ὁ κλμ ἔστι γνόμων, καὶ



## Propositio VII. Theorema.

**S**i recta linea secta utcumque fuerit: quadratum quod à tota, & alterum quod à segmento describitur: ista duo inquam quadrata æqualia sunt, rectangulo quod tota linea recta, & prædicto segmento bis continetur: & quadrato reliqui segmenti.

*Explicatio dati.)* Recta enim linea  $ab$  secetur utcumq; in puncto  $\gamma$ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico, quod quadrata à rectis  $ab, b\gamma$  descripta, sint æqualia rectangulo quod  $ab, b\gamma$  rectis bis continetur, & quadrato à recta  $a\gamma$  descripto. (*Delineatio.)* Describatur enim à recta  $ab$  quadratum  $ad\epsilon\beta$ , & perficiatur integra delineatio figuræ. (*Demonstratio.)* Quoniam rectangulum  $an$ , æquale est rectangulo  $ne$ : commune addatur rectangulum  $\gamma\zeta$ . totum igitur  $a\zeta$ , toti  $\gamma\epsilon$  est æquale. quare  $a\zeta, \gamma\epsilon$  rectangula dupla sunt rectanguli  $a\zeta$ . sed rectangula  $a\zeta, \gamma\epsilon$ , faciunt  $\kappa\lambda\mu$ , gnomonem.

καὶ τὸ γζ τετράγωνον. ὁ κλμ ἄρα γνώμων  
καὶ τὸ γζ, διπλάσια ἐστὶ τοῦ αζ. ἐστὶ δὲ τὸ  
αζ διπλάσιον, καὶ τὸ δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ.  
ἴση γὰρ ἡ βζ, τῇ βγ. ὁ ἄρα κλμ γνώμων, καὶ  
τὸ γζ τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τῷ δλς ὑπὸ τῶν  
αβ, βγ. κοινὸν προσκείσθω τὸ δη, ὁ ἐστὶν ἀπὸ  
τῆς αγ τετράγωνον. ὁ ἄρα κλμ γνώμων,  
τὰ βη, ἡ δὲ τετράγωνά ἴσα ἐστὶ τῷ τε δλς ὑπὸ  
τῶν αβ, βγ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ  
ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῳ. ἀλλ' ὁ κλμ γνώμων,  
καὶ τὰ βη, ἡ δὲ τετράγωνά. ὅλον ἐστὶ τὸ  
αδεβ, καὶ τὸ γζ, ἀ ἐστὶν ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετρά-  
γωνά, τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετρά-  
γωνά, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ  
περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς  
αγ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.) Ἐὰν  
ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ  
τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων  
τὰ σωμαφότερα τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε  
δλς ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματι  
τῷ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ  
τῷ λοιπῷ τμήματι τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει  
δείξαι.

nem, & quadratum à recta  $\gamma\zeta$  descriptum.  
 Ergo  $\kappa\lambda\mu$  gnomon, &  $\gamma\zeta$  quadratum sunt  
 dupla rectanguli  $\alpha\zeta$ . verum rectanguli  $\alpha\zeta$  du-  
 plum est rectangulum quod rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  bis  
 continetur: quia  $\beta\zeta$  recta, æqualis est rectæ  
 $\beta\gamma$ . quare  $\kappa\lambda\mu$  gnomon, & quadratum  $\gamma\zeta$   
 sunt æqualia rectangulo quod rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$   
 bis continetur. cōmune addatur  $\delta\eta$ , quod est  
 quadratum à recta  $\alpha\gamma$  descriptum. gnomon  
 igitur  $\kappa\lambda\mu$ , &  $\beta\eta$ ,  $\eta\delta$  quadrata æqualia sunt  
 rectangulo, quod rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  bis continetur,  
 & quadrato à recta  $\alpha\gamma$  descripto. Verū  $\kappa\lambda\mu$   
 gnomon, &  $\beta\eta$ ,  $\eta\delta$  quadrata, totum constitu-  
 unt ad  $\epsilon\beta$ , &  $\gamma\zeta$ , quæ sunt duo quadrata, à  
 rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  descripta. Quare quadrata à re-  
 ctis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  descripta, æqualia sunt rectangu-  
 lo rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  bis cōtento, vnà cum quadra-  
 to à recta  $\alpha\gamma$  descripto. (Conclusio.) Si igitur  
 recta linea vtcunq, fuerit secta, quadratum à  
 tota descriptum, & quadratum alterius se-  
 gmenti, hæc duo inquam quadrata addita, æ-  
 qualia sunt rectangulo quod tota & prædicto  
 segmento continetur, & quadrato à reliquo  
 segmento descripto. Id q, demonstrandū erat.

Πρότασις η. Γεώρημα.

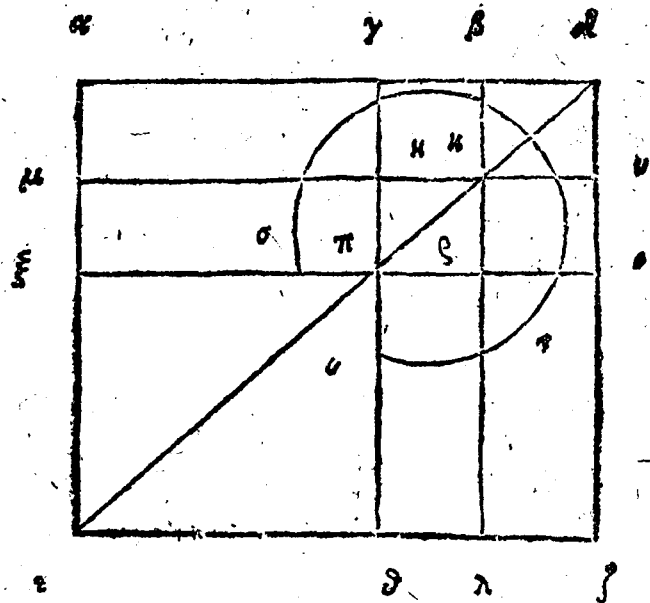
**Ε**ΑΝ ὁρθὴα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης, ἕνός τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον μετὰ τῶν ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ πᾶσι τε ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν εἰρημέτου τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαζέει τετραγώνῳ.

(Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ  $\alpha\beta$ , τετμήσθω ὡς ἔτυχε κατὰ τὸ  $\gamma$  σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ τετράκις ὑπὸ τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ πᾶσι τε ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαζέει τετραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Εκβεβλήσθω γάρ ἐπ' εὐθείας τῇ  $\alpha\beta$ , εὐθεῖα ἡ  $\beta\delta$ : καὶ κείσθω τῇ  $\gamma\beta$ , ἴση ἡ  $\beta\delta$ : καὶ ἀναγεγράψθω ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$ , τετραγώνον τὸ  $\alpha\epsilon\zeta\delta$ : καὶ καταγεγράψθω διπλὸν τὸ σχῆμα. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἔνι ἴση ἐστὶ ἡ  $\gamma\beta$  τῇ  $\beta\delta$ , ἀλλ' ἡ  $\mu\delta$   $\beta\gamma$  τῇ  $\eta\kappa$  ἐστὶν ἴση. ἡ δὲ  $\beta\delta$ , τῇ  $\kappa\nu$ , καὶ ἡ  $\eta\kappa$  τῇ  $\kappa\nu$  ἐστὶν ἴση. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ  $\pi\rho$ , τῇ  $\rho\sigma$  ἐστὶν ἴση. καὶ ἔπει ἴση ἐστὶν ἡ  $\mu\delta$   $\beta\gamma$ , τῇ  $\beta\delta$ , ἡ δὲ  $\eta\kappa$ , τῇ  $\kappa\nu$ , ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν

## Propositio VIII. Theorema.

**S**i recta linea secta utcumq; fuerit rectangulum, quod tota linea, & altero segmento quater continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: æquale est quadrato qd à tota & prædicto segmento tanquam vna esset linea recta, describitur.

*Explicatio dati.)* Recta enim linea  $ab$ , secetur utcumq; in puncto  $\gamma$ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod rectangulum rectis  $ab$ ,  $\beta\gamma$  quater contentum, cum quadrato à recta  $ay$  descripto, æquale est quadrato à rectis  $ab$ ,  $\beta\gamma$ , tanquam ab vna linea descripto. (*Delineatio.)* Nam recta  $\beta d$  producat in  $\alpha$  &  $\delta$  ita ut recta  $ab$ : & fiat recta  $\gamma\beta$ , æqualis recta  $\beta d$ , & à recta  $ad$  describatur quadratum  $ae\delta d$ : & ipsa figura duplicata delineatione describatur. (*Demöstratio.)* Quoniã recta  $\gamma\beta$ , æqualis est recta  $\beta d$ : & recta  $\gamma\epsilon$  æqualis recta  $\eta\kappa$ : atq; recta  $\beta d$ , æqualis recta  $\kappa\nu$ : idcirco etiam  $\eta\kappa$  æqualis est recta  $\kappa\nu$ . Eadem ratione etiam  $\pi\theta$  recta, æqualis est recta  $\rho\sigma$ . cum vero  $\beta\gamma$  æqualis sit recta  $\beta d$ , & recta  $\eta\kappa$ , recta  $\kappa\nu$ : idcirco etiam rectangulum  $\gamma\kappa$ , æquale est



τὸ μὲν γκ, τὰ κδ: τὸ δὲ ἦρ τὰ ρν, ἀλλὰ τὸ γκ  
 τὰ ρν εἰν ἴσον. παραπληρώματα γὰρ εἰς γκ  
 παραλληλογράμμη. καὶ τὸ αδ ἄρα τὰ νρ  
 εἰν ἴσον. τὰ τέσσαρα ἄρα τὰ δκ, γκ, ἦρ, ρν:  
 οὐα ἀλλήλοις εἰσι. τὰ τέσσαρα ἄρα, τετραπλά-  
 σια εἰς εἰς γκ. πάλιν ἐπεὶ ἴση εἰν ἡ γβ, τῇ βδ:  
 ἀλλ' ἡ μδ, βδ, τῇ βκ: τῷτ' εἰς τῇ γη εἰν ἴση.  
 ἡ δὲ γβ, τῇ ἦκ, τῷτ' εἰς τῇ ἦπ ἴση εἰσι, καὶ ἡ γη  
 ἄρα, τῇ ἦπ εἰν ἴση. εἰς εἰς ἴση εἰν ἡ μὲν γη  
 τῇ ἦπ, ἡ δὲ πρ, τῇ ρο, ἴσον εἰσι, καὶ τὸ μὲν αη  
 τὰ μω, τὸ δὲ ωλ τὰ ρζ. ἀλλὰ τὸ μω, τὰ  
 ωλ εἰν ἴσον. παραπληρώματα γὰρ εἰς μλ πα-  
 ραλληλογράμμη. καὶ τὸ αη ἄρα τὰ ρζ ἴσον εἰσι.  
 τὰ τέτ-

In numeris sic:

Sit  $\alpha\beta$ , 8. diuisa in  $\alpha\gamma$ , 6. &  $\gamma\beta$ , 2. Rectangulum quater contentum rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  sit 64. quadratum  $\alpha\gamma$ , sit 36. adde, sunt 100. Quadratum vero à rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  descriptum, ac si esset vna linea, nempe 10. est quad: 100.

|           |            |
|-----------|------------|
| 64. Rect: | 10.        |
| 36. Quad: | 10.        |
| <hr/>     |            |
| 100.      | 100. quad: |

le est rectangulo  $\kappa\delta$ : & rectangulum  $\eta\varrho$ , rectangulo  $\varrho\nu$ : sed rectangulum  $\gamma\kappa$  etiam est æquale rectangulo  $\varrho\nu$ . quia sunt supplementa parallelogrammi  $\gamma\varrho$ . quare  $\kappa\delta$  etiam est æquale  $\varrho\nu$ . quatuor igitur hæc  $\delta\kappa$ ,  $\gamma\kappa$ ,  $\eta\varrho$ ,  $\varrho\nu$ , inter se sunt æqualia, & idcirco ipsius  $\gamma\kappa$  quadrupla. rursus quoniam  $\gamma\beta$ , æqualis est rectæ  $\beta\delta$ : verum  $\beta\delta$  æqualis est  $\beta\kappa$ : hoc est  $\gamma\eta$ , &  $\gamma\beta$  æqualis  $\eta\kappa$ , hoc est  $\eta\omega$ : ergo &  $\gamma\eta$  æqualis est rectæ  $\eta\omega$ : & quia  $\gamma\eta$ , æqualis est rectæ  $\eta\omega$ :  $\omega\varrho$  vero rectæ  $\varrho\sigma$ , ideo &  $\alpha\eta$  rectangulum, rectangulo  $\mu\omega$  est æquale: &  $\omega\lambda$  rectangulum, rectangulo  $\varrho\zeta$ . verum  $\mu\omega$  rectangulum, æquale est rectangulo  $\omega\lambda$ , quia sunt supplementa parallelogrammi  $\mu\lambda$ . Ergo & rectangulum  $\alpha\eta$ , rectangulo  $\varrho\zeta$  est æqua-

τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ  $\alpha\eta$ ,  $\mu\pi$ ,  $\omega\lambda$ ,  $\rho\zeta$  ἴσα ἀλ-  
 λήλοις ἐσὶ. τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ  $\alpha\eta$  ἐσὶ τε-  
 τραπλάσια. ἐδείχθη δὲ καὶ τὰ τέσσαρα τὰ  
 $\gamma\kappa$ ,  $\kappa\delta$ ,  $\eta\rho$ ,  $\rho\nu$ , τὰ  $\gamma\kappa$  τετραπλάσια. τὰ ἄρα  
 ὁκτώ  $\alpha$  περιέχει τὸν στυγνώμονα, τετρα-  
 πλάσια ἐστὶ τὰ  $\alpha\kappa$ . καὶ ἐπεὶ τὸ  $\alpha\kappa$ , τὸ ὑπὸ  
 τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$  ἐστίν. ἴση γὰρ καὶ ἡ  $\beta\kappa$ , τῇ  $\beta\delta$ .  
 τὸ ἄρα τετράκις ὑπὸ τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$  τετρα-  
 πλάσιον ἐστὶ τὰ  $\alpha\kappa$ . ἐδείχθη δὲ τὰ  $\alpha\kappa$  τετρα-  
 πλάσιον  $\Theta$ , ὅστυ γνώμων. τὰ ἄρα τετρά-  
 κισ ὑπὸ τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$  ἴσα ἐσὶ, τὰ στυγνώ-  
 μονι. κρινὸν προσκείσθω τὸ  $\xi\theta$ , ὃ ἐστὶν ἴσον τῷ  
 ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τετραγώνῳ. τὸ ἄρα τετράκις  
 ὑπὸ τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$  περιεχόμενον ὀρθογώνιον,  
 μὲν τὰ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τετραγώνου. ἴσον ἐστὶ τῷ  
 στυγνώμονι, καὶ τῷ  $\xi\theta$ . ἀλλ' ὁ στυγνώ-  
 μων, ὃ ἐστὶν ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$ . τὸ ἄρα τετράκις ὑ-  
 πὸ τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  περιεχόμενον ὀρθογώνιον,  
 μὲν τὰ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ, τῷ  
 ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$ . τὰ  $\epsilon$  ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$ , καὶ  
 $\beta\gamma$ , ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγκασθέντι τετραγώνῳ.  
 (Συμ-

æquale. quatuor igitur hæc  $\alpha\eta, \mu\omega, \omega\lambda, \rho\zeta$ ,  
 sunt inter se æqualia, & idcirco rectanguli  $\alpha\eta$   
 quadrupla. Verum demonstratum est rectan-  
 gula  $\gamma\kappa, \kappa\delta, \eta\rho, \rho\zeta$  esse quadrupla rectanguli  
 $\gamma\kappa$ . quare octo ista quæ  $\sigma\tau\upsilon$  gnomoni sunt cõ-  
 tenta, sunt etiã quadrupla rectanguli  $\alpha\kappa$ . &  
 cum rectangulum  $\alpha\kappa$ , sit id quod  $\alpha\zeta, \zeta\delta$  rectis  
 cõtinetur, quia recta  $\zeta\kappa$ , æqualis est rectæ  $\zeta\delta$ .  
 quare quod quater continetur rectis  $\alpha\zeta, \zeta\delta$ ,  
 quadruplum est rectanguli  $\alpha\kappa$ . sed rectanguli  
 $\alpha\kappa$ , demonstratus est gnomõ  $\sigma\tau\upsilon$  quadruplus.  
 quare rectangula quæ rectis  $\alpha\beta, \beta\delta$  quater  
 continentur, sunt æqualia  $\sigma\tau\upsilon$  gnomoni. com-  
 mune addatur  $\xi\theta$ , quod est æquale quadrato  
 à recta  $\alpha\gamma$  descripto. rectangulum igitur re-  
 ctis  $\alpha\zeta, \zeta\delta$  quater contentum: cum quadrato  
 à recta  $\alpha\gamma$  descripto: æquale est  $\sigma\tau\upsilon$  gno-  
 ni, &  $\xi\theta$ : verum  $\sigma\tau\upsilon$  gnomon, &  $\xi\theta$ , constitu-  
 unt totum quadratũ à recta  $\alpha\delta$  descriptum.  
 rectangulum igitur quod rectis  $\alpha\zeta, \zeta\gamma$  qua-  
 ter continetur, cum quadrato à recta  $\alpha\gamma$  de-  
 scripto, est æquale quadrato à recta  $\alpha\delta$  descri-  
 pto. hoc est quadrato à rectis  $\alpha\zeta, \zeta\gamma$ , tanquam

(Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε: τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης, ἢ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῶν ἀπὸ τῶν λοιπῶν τμημάτων τετραγώνων: ἴσον ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τοῦ εἰρημένου τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις θ. θεώρημα.

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα ἢ ἀνίσωτα τὰ ἀπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλης τμημάτων τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τῶν ἀπὸ τῆς μετὰ ξυ τῶν τομῶν τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἢ αβ τεμήσθω, εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ: εἰς δὲ ἀνίσωτα κατὰ τὸ δ.  
(Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν αδ, δβ τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν αγ, γδ τετραγώνων. (Κατασκευὴ.) Ηχθω γάρ ἀπὸ τῶν γ, τῇ αβ πρὸς ὀρθῆς ἡ γε: εἰς καὶ αδ ἴση ἐκείνῃ, τῶν αγ, γβ: καὶ ἐπεὶ ἐκχθῶσαν αἰ εα, εβ: καὶ διὰ μὲν τῶν δ, τῇ εγ παράλληλῃ.

esset una linea descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea utcumq; fuerit secta: rectangulum quod à tota linea, & vno segmento continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: æquale est quadrato à tota & prædicto segmento, tanquam esset una linea recta descripto. quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

SI recta Linea fuerit secta in equalia, & in inæqualia: quadrata à segmentis inæqualibus totius lineæ recte descripta, dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & quadrati eius lineæ, quæ intra ipsas comprehenditur sectiones.

Explicatio dati.) Recta enim linea  $ac$  sectetur in equalia in puncto  $\gamma$ , & in inæqualia in puncto  $\delta$ . (Explicatio quæsitæ.) Dico quod quadrata à rectis  $ac$ ,  $\delta c$  descripta, dupla sint quadratorum à rectis  $a\gamma$ ,  $\gamma\delta$  descriptorum.

(Delineatio.) Ducatur à puncto  $\gamma$ , recta  $a\beta$  ad angulos rectos, linea recta  $\gamma\epsilon$ : utriq; rectarum  $a\gamma$ ,  $\gamma\beta$  fiat  $\gamma\epsilon$  æqualis: atq; ducantur lineæ rectæ  $ea$ ,  $e\delta$ : item per punctum  $\delta$ , rectæ  $e\gamma$

λθῶ ἡχθῶ ἢ δζ:

Διὰ δὲ τῆς ζ, τῆς αβ

παράλληλος ἡχ-

θῶ ἢ ζη: καὶ ἐπε-

ζύχθῶ ἡαζ. (Α-

πόδειξις.) Καὶ ἐ-

πει ἴση ἐστὶν ἡ αγ,

τῇ γε. ἴση ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ εαγ γωνία, τῇ ὑ-

πὸ αεγ. καὶ ἐπει ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ γ, λοι-

παὶ ἄρα αὐτὴ ὑπὸ αεγ, εαγ, μιᾶ ὀρθῇ ἴση ἐ-

στὶν. ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν ἐκάτερα τῶν ὑ-

πὸ αεγ, εαγ. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἐκάτερα

τῶν ὑπὸ γεβ, εβγ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὅλη

ἄρα ἡ ὑπὸ αεβ, ὀρθὴ ἐστὶν. καὶ ἐπει ἡ ὑπὸ

ηεζ, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ ηεζ ἴση

γδ ἐστὶ τῇ ἐντὸς, ἑαπεναντίον, τῇ ὑπὸ εγβ

λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ εζη, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση

ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ηεζ γωνία, τῇ ὑπὸ εζη. ὥ-

στε καὶ πλῆρᾱ ἡ εη, πλῆρᾱ τῇ ζη ἐστὶν ἴση.

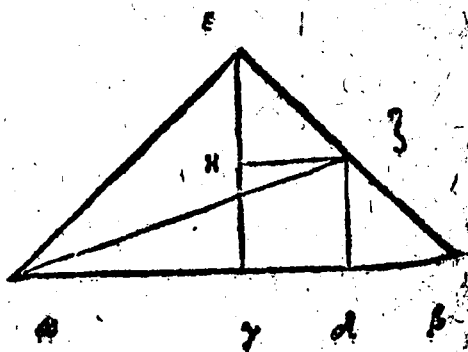
πάλιν ἐπει ἡ πρὸς τῷ β γωνία, ἡμίση αὖ ἐστὶν

ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ ζδβ. ἴση γὰρ πάλιν

ἐστὶν τῇ ἐντὸς καὶ ἑαπεναντίον τῇ ὑπὸ εγβ.

λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ βζδ, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς.

ἴση



ducatur *aquedistans* recta  $\delta\zeta$ : per punctum  
 etiam  $\zeta$ , recta  $\alpha\zeta$  *aquedistans* ducatur recta  
 $\zeta\eta$ : & postremo fiat recta  $\alpha\zeta$ . (Demonstratio.)  
 Cum itaq; recta  $\alpha\gamma$ , recta  $\gamma\epsilon$  sit *aqualis*, etiā  
 angulus  $\epsilon\alpha\gamma$ , angulo  $\alpha\epsilon\gamma$  *aqualis* erit, sed an-  
 gulus ad punctum  $\gamma$  est *rectus*, reliqui igitur  
 anguli  $\alpha\epsilon\gamma$ ,  $\epsilon\alpha\gamma$  *uni angulo recto* sunt *qua-*  
*les*, uterq; igitur angulorum  $\alpha\epsilon\gamma$ ,  $\epsilon\alpha\gamma$ : *dimi-*  
*dia* est *recti anguli pars*. per eadem demon-  
 strabitur, quod uterq; angulorum  $\gamma\epsilon\beta$ ,  $\epsilon\beta\gamma$   
*dimidia* sit *recti pars*. totus igitur angulus  
 $\alpha\epsilon\zeta$  est *rectus*, et quia angulus  $\eta\epsilon\zeta$  *dimidia* est  
*pars anguli recti*, angulus verò  $\epsilon\eta\zeta$  *rectus*, quia  
 $\epsilon\gamma\zeta$  angulo interno sibi *opposito aqualis* est,  
 idcirco reliquus angulus  $\epsilon\zeta\eta$ , etiam est *dimi-*  
*dia recti pars*. quare angulus  $\eta\epsilon\zeta$ , *aqualis* est  
 angulo  $\epsilon\zeta\eta$ : unde etiam latus  $\epsilon\eta$ , lateri  $\zeta\eta$  est  
*equale*. rursus quoniam angulus ad punctum  
 $\beta$  *dimidia* est *recti pars*, & angulus  $\zeta\delta\beta$  *re-*  
*ctus*. quia iterum angulo  $\epsilon\gamma\beta$  interno sibi *op-*  
*posito* est *aqualis*. reliquus igitur angulus  
 $\epsilon\zeta\delta$  *dimidia recti pars* erit. quare etiam an-  
 gulus

ἴση ἄρα ἡ πρὸς τῷ β γωνία, τῇ ὑπὸ δ ζ.  
 ὥστε καὶ πλῆρὰ ἡ δ ζ, πλῆρὰ τῇ θ β ἐστὶν ἴση.  
 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ α γ, τῇ γε, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ  
 ἀπὸ τῆς α γ, τῷ ἀπὸ τῆς γε. τὰ ἄρα ἀπὸ  
 τῶν α γ, γε τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ τῶν  
 ἀπὸ τῆς α γ. ταῖς δὲ ἀπὸ τῶν α γ, γε, ἴσον ἐστὶ  
 τὸ ἀπὸ τῆς ε α τετράγωνον. ὀρθὴ γὰρ ἡ ὑπὸ  
 α γε γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε α, διπλάσιον  
 ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς α γ. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ε η,  
 τῇ η ζ, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ε η, τῷ ἀπὸ τῆς  
 η ζ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετράγωνα, δι-  
 πλάσια ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς ε ζ τετραγώνων. ταῖς  
 δὲ ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετραγώνοις, ἴσον ἐστὶ τῷ  
 ἀπὸ τῆς ε ζ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ τετράγωνον,  
 διπλάσιον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς η ζ. ἴση δὲ ἡ η ζ, τῇ  
 γ δ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ διπλάσιον ἐστὶ τοῦ  
 ἀπὸ τῆς γ δ. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ε,  
 διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς α γ. τὰ ἄρα ἀπὸ  
 τῶν α ε, ε ζ τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ τῶν  
 ἀπὸ τῶν α γ, γ δ τετραγώνων. ταῖς δὲ ἀπὸ  
 τῶν α ε, ε ζ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ζ τετράγω-  
 νον. ὀρθὴ γὰρ ἡ ὑπὸ α ε ζ γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ  
 τῆς α ζ τετράγωνον, διπλάσιον ἐστὶ τῶν ἀπὸ  
 τῶν

gulus qui est ad punctum  $B$ , angulo  $AB\Gamma$  est æqua-  
 lis. unde & latus  $AB$ , lateri  $AB$  est æquale. & quia  
 recta  $\alpha\gamma$  æqualis est rectæ  $\gamma\epsilon$ : idcirco & quadratum  
 à recta  $\alpha\gamma$  descriptum, æquale etiã est quadrato à recta  
 $\gamma\epsilon$  descripto. quadrata igitur à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$  descripta  
 dupla sunt quadrati  $\alpha\gamma$ : verum quadratis à lineis re-  
 ctis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$  descriptis æquale est quadratum à recta  $\epsilon\alpha$   
 descriptum: quia angulus  $\alpha\gamma\epsilon$  est rectus. quadratum igi-  
 tur ab  $\alpha\epsilon$  descriptum, duplũ est quadrati à recta  $\alpha\gamma$  de-  
 scripti. Rursus quoniam recta  $\epsilon\eta$  æqualis est rectæ  
 $\eta\zeta$ : idcirco & quadratum à recta  $\epsilon\eta$  descriptum, æ-  
 quale est quadrato à recta  $\eta\zeta$  descripto. Ergo quadra-  
 ta à rectis  $\epsilon\eta$ ,  $\eta\zeta$  descripta dupla sunt, quadrati ab  $\epsilon\zeta$   
 recta descripti: sed quadratis, quæ à rectis  $\epsilon\eta$ ,  $\eta\zeta$  descri-  
 buntur, æquale est quadratum à recta  $\epsilon\zeta$  descriptum.  
 Ergo quadratum à recta  $\epsilon\zeta$  descriptum, duplum est  
 quadrati à recta  $\eta\zeta$  descripti. sed  $\eta\zeta$  æqualis est rectæ  
 $\gamma\Delta$ . quare quadratum à recta  $\epsilon\zeta$  descriptum, duplum  
 est quadrati à recta  $\gamma\Delta$  descripti. sed & quadratum  
 à recta  $\alpha\epsilon$  descriptum, duplum etiam est quadrati à  
 recta  $\alpha\gamma$  descripti. quadrata igitur à rectis  $\alpha\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$  de-  
 scripta, dupla sunt quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\Delta$  de-  
 scriptorum: sed illis quadratis  $\alpha\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ , æquale est qua-  
 dratum à recta  $\alpha\zeta$  descriptum: quia angulus  
 $\alpha\epsilon\zeta$  est rectus. quare quadratum à recta  $\alpha\zeta$   
 descriptum: duplum est quadratorum à rectis  
 $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\Delta$  descriptorum. huic autẽ quadrato  $\alpha\zeta$ ,  
 æqua-

τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$ : τὰ δὲ ἀπὸ τῆς  $\alpha\zeta$ , ἴσα ἐστὶ τὰ  
 ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\zeta$ . ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τὰ  $\delta\gamma$   
 νία: τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\zeta$ , διπλάσια ἐστὶ  
 τῶν ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  τετραγώνων. ἴση δὲ ἡ  
 $\delta\zeta$  τῇ  $\delta\beta$ . τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  τετρά-  
 γωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$   
 τετραγώνων. (Συμπέρασμα.) Εἰάν τις  
 εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ αἰῖσα: τὰ  
 ἀπὸ τῶν αἰίσων τῆς ὅλης τμημάτων τετρά-  
 γωνα: διπλάσια ἐστὶ τοῦτε ἀπὸ τῆς ἡμισείας,  
 καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰξὺ τῶν τομῶν τετρα-  
 γώνου. ὅπως ἐδείξαμεν.

Πρότασις ι. θεώρημα.

**Ε**ΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσέ-  
 θῇ δὲ πρὸς αὐτὴν εὐθεῖα ἐκ' εὐθείας: τὸ ἀπὸ  
 τῆς ὅλης (ὡς τῇ προσκείμενῃ, καὶ τὸ ἀπὸ  
 τῆς προσκείμενης, τὰ σωμαμότερη τετρά-  
 γωνα: διπλάσια ἐστὶ τῷτε ἀπὸ τῆς ἡμισείας,  
 καὶ τῷ ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἐκ τῆς ἡμισεί-  
 ας, καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς αἰῖ-  
 ας γραφέντι  τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ  $\alpha\beta$ , τετμήσθαι  
 δίχα

equalia sunt quadrata à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\zeta$  descripta. quia angulus ad punctum  $\delta$ , est rectus. quadrata igitur à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\zeta$  descripta, dupla sunt quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  descriptorum; sed  $\delta\zeta$  æqualis est rectæ  $\delta\zeta$ . Ergo quadrata à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\zeta$  descripta, dupla sunt quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  descriptorum. (Conclusio.) Si igitur linea recta fuerit in æqualia & in inæqualia dissecta, quadrata à segmentis totius lineæ rectæ inæqualibus descripta: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, et quadrati lineæ rectæ inter segmenta inclusæ. id quod demonstrandum erat.

Propositio X. Theorema.

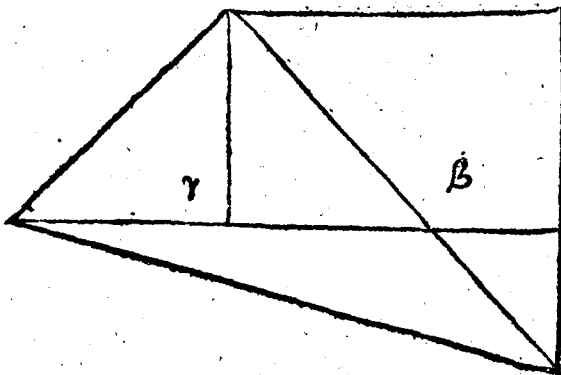
Si recta linea dissecta fuerit in partes duas æquales, & adhiatur ei recta quædam linea è directo: tum quadratum quod à tota cum adiecta describitur, & quadratum ab adiecta descriptum, hæc duo quadrata coniuncta, dupla sunt quadrati à dimidia lineæ descripti, & quadrati à recta ex dimidia & adiecta composita, tanquam esset vna linea recta descripti.

Explic. dati.) Recta enim quæda linea  $\alpha\zeta$  secetur

δίχα καὶ τὸ  $\gamma$ , περσκέιδω δὲ πρὸς αὐτῇ  $\delta$   
 θεΐα ἐπὶ  $\delta$  θεΐας ἢ βδ. (Διορισμός.) Λέγω  
 ἐπὶ τὰ ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta$ , δβ τετράγωνα, διπλά-  
 σιά ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν  $\alpha\gamma$ , γδ τετραγώνων.

(Κατα-  
 σκευή.)

Ἦχθω γδ  
 ἀπὸ τοῦ  
 $\gamma$  σημείου α  
 τῇ  $\alpha\beta$ ,  
 πρὸς ὁρ-  
 θᾶς ἢ γε:



ἢ κείδω ἴση ἐκατέρω τῶν  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : καὶ ἐπε-  
 ζεύχθωσαν αἱ  $\alpha\epsilon$ ,  $\gamma\delta$ : ὁ δὲ  $\alpha\epsilon$  μὲν  $\tau\epsilon\tilde{\epsilon}$ , τῇ  $\alpha\delta$   
 παράλληλῃ  $\odot$  ἤχθω ἢ  $\epsilon\zeta$ . Διὰ δὲ  $\tau\epsilon\tilde{\delta}$ , τῇ  $\gamma\epsilon$   
 παράλληλῃ  $\odot$  ἤχθω ἢ  $\delta\zeta$ . (Απόδειξις τῆς  
 καίσαςκευῆς.) Καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους  $\delta$ -  
 θεΐας, τὰς  $\epsilon\gamma$ ,  $\zeta\delta$ :  $\delta$  θεΐα τίς ἐνέπεσεν ἢ  $\epsilon\zeta$ : αἱ  
 ὑπὸ  $\gamma\epsilon\zeta$ ,  $\epsilon\zeta\delta$  ἄρα δύο σὺν ὁρθαῖς ἴσαι εἰσὶν. αἱ  
 ἄρα ὑπὸ  $\zeta\epsilon\beta$ ,  $\epsilon\zeta\delta$  δύο ὁρθῶν ἐλάσσονες εἰσιν.  
 αἱ δὲ ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο ὁρθῶν ἐκβαλλό-  
 μεναι συμπίπτουσιν. αἱ ἄρα  $\epsilon\beta$ ,  $\zeta\delta$  ἐκβαλ-  
 λομένης ὅτι τὰ βδ μέρη συμπεσοῦνται. ὅ-  
 βεβλή-

secetur in duas partes aequales in puncto  $\gamma$ :  
 & adijciatur ei  $\epsilon\omega$  &  $\theta\epsilon\iota\alpha\varsigma$  recta quaedam  
 $\beta\delta$ . (Explicatio quesiti.) dico quod qua-  
 drata à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  descripta, dupla sint  
 quadratorum à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\gamma\delta$  descriptorum.  
 (Delineatio.) Ducatur enim à puncto  $\gamma$ , re-  
 ctæ  $\alpha\beta$  ad angulos rectos linea recta  $\gamma\epsilon$ : &  
 fiat utriq; rectarum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  equalis: atq; du-  
 cantur lineæ rectæ  $\alpha\epsilon$ ,  $\gamma\beta$ : item per punctum  
 $\epsilon$ , rectæ  $\alpha\delta$ , ducatur æquedistans rectæ  $\epsilon\zeta$ :  
 item per punctum  $\delta$ , rectæ  $\gamma\epsilon$  æquedistans  
 ducatur recta  $\delta\zeta$ . (Demonstratio iam factæ  
 delineationis.) Et quia in lineas rectas æ-  
 quedistantes  $\epsilon\gamma$ ,  $\zeta\delta$ : incidit quaedam recta  
 $\epsilon\zeta$ : anguli igitur  $\gamma\epsilon\zeta$ ,  $\epsilon\zeta\delta$  duobus rectis sunt  
 æquales. atq; idcirco anguli  $\zeta\epsilon\beta$ ,  $\epsilon\zeta\delta$  duo-  
 bus rectis minores. quæ verò rectæ angulos  
 duob. rectis minores faciunt si, protractæ fue-  
 rint, concurrent. rectæ igitur  $\epsilon\beta$ ,  $\zeta\delta$ , protra-  
 ctæ in partibus  $\beta$  &  $\delta$ , concurrent: protra-  
 hantur

βεβλήθωσαν, καὶ συμπιπνέτωσαν κατὰ τὸ  
 ἡ· καὶ ἐπεζεύχθω ἡ  $\alpha\eta$ . (Απόδειξις.) Καί  
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ  $\alpha\gamma$ , τῇ  $\gamma\epsilon$ , ἴση ἐστὶν καὶ γωνία  
 ἡ ὑπὸ  $\alpha\epsilon\gamma$ , τῇ ὑπὸ  $\epsilon\alpha\gamma$ . καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ  
 $\gamma$ . ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν, ἐκάτερα τῶν ὑπὸ  
 $\epsilon\alpha\gamma$ ,  $\alpha\epsilon\gamma$ . Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἐκάτερα τῶν  
 ὑπὸ  $\gamma\epsilon\beta$ ,  $\epsilon\beta\gamma$ , ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὀρθὴ ἄρα  
 ἐστὶν ἡ ὑπὸ  $\alpha\epsilon\beta$ . καὶ ἐπεὶ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν  
 ἡ ὑπὸ  $\epsilon\beta\gamma$ , ἡμίση ἄρα ὀρθῆς, καὶ ἡ ὑπὸ  
 $\delta\beta\eta$ . ἐστὶ δὲ  $\epsilon$  ἡ ὑπὸ  $\beta\delta\eta$  ὀρθή. ἴση γάρ ἐστι τῇ  
 ὑπὸ  $\delta\gamma\epsilon$ , ἐναλλάξ γὰρ. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ  
 $\delta\eta\epsilon$  ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἡ ἄρα ὑπὸ  $\delta\eta\beta$ , τῇ  
 ὑπὸ  $\delta\beta\eta$  ἐστὶν ἴση. ὥστε καὶ  $\pi\lambda\alpha\upsilon\rho\alpha$  ἡ  $\epsilon\delta$ ,  $\pi\lambda\alpha\upsilon\rho\alpha$   
 $\epsilon\alpha$  τῇ  $\eta\delta$  ἐστὶν ἴση. πάλιν ἐπεὶ ἡ ὑπὸ  $\epsilon\eta\zeta$  ἡ-  
 μίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς τῷ  $\zeta$ . ἴση γάρ  
 ἐστὶ τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τῷ  $\gamma$ . λοιπὴ ἄρα  
 ἡ ὑπὸ  $\zeta\epsilon\eta$ , ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ  
 $\epsilon\eta\zeta$  γωνία, τῇ ὑπὸ  $\zeta\epsilon\eta$ . ὥστε καὶ  $\pi\lambda\alpha\upsilon\rho\alpha$  ἡ  
 $\eta\zeta$ ,  $\pi\lambda\alpha\upsilon\rho\alpha$  τῇ  $\epsilon\zeta$  ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ  $\epsilon\gamma$   
 τῇ  $\gamma\alpha$ , ἴσων ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς  $\epsilon\gamma$  τετραγών-  
 νον, τῷ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τετραγώνῳ. τὰ ἄρα ἀ-  
 πὸ τῶν  $\epsilon\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  τετραγώνων διπλασιά ἐστι τὸ  
 ἀπὸ

hantur, & concurrant in puncto  $\eta$ : & fiat linea recta  $\alpha\eta$ . (Demonstratio.) Quia recta  $\alpha\gamma$ , æqualis est rectæ  $\gamma\epsilon$ , angulus idcirco  $\alpha\epsilon\gamma$ , etiam est æqualis angulo  $\epsilon\alpha\gamma$ , & angulus ad punctum  $\gamma$  est rectus. quare dimidia recti pars est uterq; angulorum  $\epsilon\alpha\gamma$ ,  $\alpha\epsilon\gamma$ . Per eadem etiam demonstrabitur, quod uterq; angulorum  $\gamma\epsilon\beta$ ,  $\epsilon\beta\gamma$  dimidia recti pars sit. quare angulus  $\alpha\epsilon\beta$ , est rectus, & quia angulus  $\epsilon\beta\gamma$ , dimidia recti pars est: etiā angulus  $\delta\epsilon\eta$  dimidia recti pars erit: sed angulus  $\delta\epsilon\eta$  est rectus, quia angulo  $\delta\gamma\epsilon$  est æqualis. cum sint permutati: reliquus igitur angulus  $\delta\eta\beta$  dimidia pars recti est. quare angulus  $\delta\eta\epsilon$ , angulo  $\delta\epsilon\eta$  est æqualis. unde & latus  $\beta\delta$ , lateri  $\alpha\delta$  est æquale. Rursus quoniam angulus  $\epsilon\eta\zeta$ , dimidia pars recti est, & angulus ad punctum  $\zeta$  rectus: quia angulo sibi opposito ad punctum  $\gamma$  est æqualis. reliquus igitur angulus  $\zeta\epsilon\eta$  dimidia pars recti est: ergo angulus  $\epsilon\eta\zeta$ , æqualis est angulo  $\zeta\epsilon\eta$ . quare & latus  $\eta\zeta$ , lateri  $\epsilon\zeta$  est æquale. & quia recta  $\epsilon\gamma$ , rectæ  $\gamma\alpha$  est æqualis, erit etiam quadratum à recta  $\epsilon\gamma$  descriptum, æquale quadrato ab  $\alpha\gamma$  recta descripto. quadrata igitur à rectis  $\epsilon\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  descripta dupla sunt quadrati à recta  $\gamma\alpha$  descripti. verum quadratis ab  $\epsilon\gamma$ ,  $\gamma\alpha$

ἀπὸ τῆς γὰ τετραγώνου. τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν ἐγ-  
 γὰ, ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εἰ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς  
 εἰ τετράγωνον, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς  
 αὐτῆς τετραγώνου. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ζ, τῇ  
 ἐξ· ἴσων ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ζ τετράγωνον, τῷ  
 ἀπὸ τῆς ζ τετραγώνου. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ζ, ἡ  
 ζ διπλασία ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἐξ· τοῖς δὲ ἀπὸ  
 τῶν ἡ, ζ· ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εἰ τετράγω-  
 νον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς εἰ διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀ-  
 πὸ τῆς ἐξ. ἴση δὲ ἡ ἐξ, τῇ γδ. τὸ ἄρα ἀπὸ  
 τῆς εἰ τετράγωνον, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ  
 τῆς γδ. ἐδείχθη δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς εἰ, δι-  
 πλασίον τῷ ἀπὸ τῆς αὐτῆς. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  
 αὐτῆς, εἰ τετράγωνον διπλασία ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς  
 αὐτῆς, γδ τετραγώνων, τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν αὐτῆς, εἰ  
 τετραγώνοις, ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αὐτῆς τετρά-  
 γωνον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς αὐτῆς, διπλασίον ἐστὶ  
 τῶν ἀπὸ τῶν αὐτῆς, γδ· πάλιν δὲ ἀπὸ τῆς αὐτῆς, ἴση  
 ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν αὐτῆς, δη. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αὐτῆς,  
 δη τετράγωνον, διπλασία ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν  
 αὐτῆς, γδ τετραγώνων. ἴση δὲ ἡ δη, τῇ δβ. τὰ  
 ἄρα ἀπὸ τῶν αὐτῆς, δβ τετράγωνον, διπλα-  
 σία ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν αὐτῆς, γδ τετραγώνων.

(Συμ-

rectis, æquale est quadratum ab ea recta de-  
 scriptum, quare quadratum à recta  $\alpha\alpha$ , du-  
 plum est quadrati à recta  $\alpha\gamma$  descripti. rur-  
 sus quoniam recta  $\eta\zeta$ , æqualis est rectæ  $\epsilon\zeta$ , æ-  
 quale etiam erit quadratum à recta  $\zeta\eta$ , qua-  
 drato à recta  $\epsilon\zeta$  descripto. quare quadrata à  
 rectis  $\zeta\eta$ ,  $\zeta\epsilon$  descripta, dupla sunt quadrati à  
 recta  $\epsilon\zeta$  descripti: quadratis verò  $\eta\zeta$ ,  $\zeta\epsilon$ : æqua-  
 le est quadratum à recta  $\epsilon\eta$  descriptum. qua-  
 dratum igitur à recta  $\epsilon\eta$  descriptum, duplum  
 est quadrati à recta  $\epsilon\zeta$  descripti: sed recta  $\epsilon\zeta$ ,  
 æqualis est rectæ  $\gamma\delta$ . quadratum igitur à re-  
 cta  $\epsilon\eta$ , duplum est quadrati à recta  $\gamma\delta$  descri-  
 pti. Verum demonstratum est, quod quadratum à re-  
 cta  $\alpha\alpha$  descriptum, duplum sit quadrati à recta  $\alpha\gamma$  de-  
 scripti. quadrata itaq; à rectis  $\alpha\epsilon$ ,  $\epsilon\eta$  descripta, dupla  
 sunt quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  descriptorum. qua-  
 dratis verò à rectis  $\alpha\epsilon$ ,  $\epsilon\eta$  descriptis, æquale est quadra-  
 tum à recta  $\alpha\eta$  descriptum: quare quadratum à recta  
 $\alpha\eta$  descriptum, duplum est quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  
 $\gamma\delta$  descriptorum. quadrato autem à recta  $\alpha\eta$  descri-  
 pto, æqualia sunt quadrata à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\eta$  descripta.  
 quare quadrata à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\eta$  descripta, dupla sunt  
 quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  descriptorum. verum recta  $\delta\eta$ ,  
 est æqualis rectæ  $\delta\beta$ . quadrata igitur à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ ,  
 descripta, dupla sunt quadratorum à rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  de-

(Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα ὁθεῖα γραμμὴ  
 τμηθῇ δίχα, προστεθῇ δὲ πρὸς αὐτῇ ὁθεῖα  
 ἐπ' ὁθείας, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης, ὡς τῇ περ-  
 σοκμένη· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς περσοκειμένης, τὰ συ-  
 ναμφοτέρα τετραγώνια, διωλάζια ἐσι, τῶν  
 ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ ἔξ ἀπὸ τῆς συγκειμέ-  
 νης ἕκαστῃ τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς περσοκμένης  
 ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγεράφει τὸ τετραγώνιον  
 ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ια. Πρόβλημα.

Τὴν δοθεῖσαν ὁθεῖαν τεμεῖν, ὥστε τὸ ὑπὸ  
 τῆς ὅλης, καὶ τῶν ἑτέρων τῶν τμημάτων  
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ  
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εἰς τὴν δοθεῖσαν ὁθεῖαν ἢ  $\alpha\beta$ .  
 (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τὴν  $\alpha\beta$  τεμεῖν, ὥστε τὸ  
 ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν ἑτέρων τῶν τμημάτων  
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ  
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ. (Κατα-  
 σκευή.) Αναγεράφω γὰρ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$  τε-  
 τράγωνον τὸ  $\alpha\beta\gamma\delta$ · καὶ τεμήσω ἢ ἀγδίχα  
 κατὰ τὸ ἐσημεῖον· ἔπερζέσθω ἢ  $\beta\epsilon$ , καὶ δι-  
 ήχθω

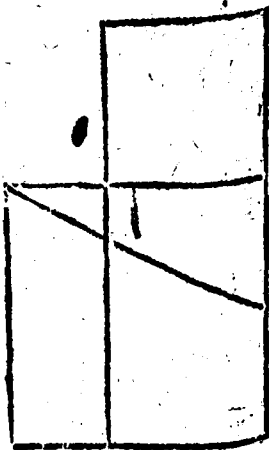
scriptorum. (Cōclusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in partes duas æquales, eiq; adijciatur quædam linea recta  $\epsilon\pi'$  &  $\theta\epsilon\iota\alpha\varsigma$  (è directo) quadratū à tota cum adiecta: & quadratum ab ipsa adiecta hæc inquam duo simul quadrata: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & eius quadrati quod describitur à recta, composita & facta ex dimidia, & adiecta, tanquam esset quadratum ab vna linea recta descriptum. id quod demonstrandum erat.

Propositio XI. Problema.

**D**Atam lineam rectam ita secare, vt rectangulum quod tota linea recta, & altero segmento continetur, æquale sit quadrato à reliquo segmento descripto.

Explicatio dati.) Sit data linea recta  $\alpha\beta$ .  
(Explicatio quæsti.) Recta igitur  $\alpha\beta$ , ita secanda est, vt rectangulum quod tota & altero segmento cōtinetur, æquale sit quadrato à reliqua linea recta descripto. (Delins.) Describatur à recta linea  $\alpha\beta$  quadratum  $\alpha\beta\gamma\delta$ : & secetur recta  $\alpha\gamma$ , in duas partes æquales in puncto  $\epsilon$ : ac ducatur recta  $\beta\epsilon$ : extendatur

ήχθω ή γᾱ ἐπὶ τὸ ζ: κ  
 κείσθω τῇ βεῖσθ ή εζ: κ  
 ἀναγεγράφθω ἀπὸ τῆς  
 ᾱζ τετραγώνον τὸ ζθ:  
 καὶ διήχθω ή ήθ διὰ τὸ β  
 κ. (Διορισμός τῆς κα-  
 τασκότης.) Λέγω ὅτι ή  
 αβ τέτμηται κτ τὸ θ, ὥ-  
 στε τὸ ὑπὸ τῶν αβ, βθ  
 περιεχόμενον ὀρθογώ-  
 νιον, ἴσον εἶναι, τῷ ἀπὸ τῆς αθ τετραγώνῳ.  
 (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ εὐθεία ή αγ, τέτμη-  
 ται δίχα κατὰ τὸ ε: πρόσκειται δὲ αὐτῇ ή ᾱζ  
 τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμενον ὀρ-  
 θογώνιον, μὲν εἰς τὸ ἀπὸ τῆς αε τετραγώνου ἴσον  
 εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς εζ τετραγώνῳ. ἴση δὲ ή εβ  
 τῇ εβ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμε-  
 νον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε τετρα-  
 γώνῳ: ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς εβ τετραγώνῳ.  
 ἀλλὰ τῷ ἀπὸ τῆς εβ, ἴσα εἶναι, τὰ ἀπὸ τῶν εα,  
 αε. ὀρθή γδ ή πρὸς τῷ α γωνία. τὸ ἄρα ὑπὸ  
 τῶν γζ, ζα, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε, ἴσον εἶναι τῷ  
 ἀπὸ τῶν βα, αε. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ  
 τῆς β



tur etiam recta  $\gamma\alpha$ , ad punctum  $\zeta$ : & fiat recta  $\beta\epsilon$ , æqualis recta  $\epsilon\zeta$ : præterea à recta  $\alpha\zeta$  describatur quadratum  $\zeta\theta$ : deniq; extendatur recta  $\eta\theta$  ad punctum vsq;  $\kappa$ . (Explicatio iam factæ delineationis.) Dico quod recta  $\alpha\epsilon$  sit secta in puncto  $\theta$ : ut rectangulum quod continetur rectis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\theta$ : æquale sit quadrato quod describitur à recta  $\alpha\theta$ . (Demonstratio.) Quoniam recta  $\alpha\gamma$ , secta est in duas partes æquales in puncto  $\epsilon$ : eiq; est adiecta recta  $\alpha\zeta$ , rectangulum igitur quod cōtinetur rectis  $\gamma\zeta$ ,  $\zeta\alpha$ , cum quadrato quod à recta  $\alpha\epsilon$  describitur, æquale erit quadrato quod à recta  $\epsilon\zeta$  describitur: sed recta  $\epsilon\zeta$  est æqualis rectæ  $\epsilon\beta$ . ergo rectangulum quod continetur rectis  $\gamma\zeta$ ,  $\zeta\alpha$  cum quadrato quod describitur à recta  $\alpha\epsilon$ , æquale est quadrato descripto à recta  $\epsilon\epsilon$ : sed quadrato à recta  $\epsilon\beta$  descripto, sunt æqualia duo quadrata à rectis  $\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\epsilon$  descripta. quoniam angulus ad punctū  $\alpha$  est rectus. rectangulum igitur q; continetur rectis  $\gamma\zeta$ ,  $\zeta\alpha$ , cum quadrato à recta  $\alpha\epsilon$  descripto, æquale est quadratis à duab; rectis  $\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\epsilon$  descriptis. Comu-

τῆς αε. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς αβ, τετραγώνῳ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν ὑπὸ τῶν γζ, ζα τὸ ζκ. ἴση γὰρ ἡ αζ, τῇ ζη. τὸ δὲ ἀπὸ τῆς αβ, τὸ αδ. τὸ ἄρα ζκ, ἴσον ἐστὶ τῷ αδ. κοινὸν ἀφηρέσθω τὸ ακ. λοιπὸν ἄρα τὸ ζθ, τῷ θδ ἴσον ἐστὶ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν θδ, τὸ ὑπὸ τῶν αβ, βθ. ἴση γὰρ ἡ αβ, τῇ βδ. τὸ δὲ ζθ, τὸ ἀπὸ τῆς αθ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν αβ, βθ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς θα τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.) Ἡ ἄρα δοθεῖσα διτθεῖα ἡ αβ, τέτμηται κατὰ τὸ θ: ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν αβ, βθ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς θα τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις ιβ. θεώρημα.

ΕΝ τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς ἀμβλεῖαν γωνίαν ὑποπτενύσης πλωρᾶς τετράγωνον: μείζον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς πρὸς ἀμβλεῖαν γωνίαν περιεχσῶν πλωρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δὲς ὑπὸ τε μιᾶς

ne auferatur quadratum à recta  $\alpha\epsilon$  descriptū.  
 reliquum igitur rectangulum rectis  $\gamma\zeta, \zeta\alpha$   
 comprehensum, æquale est quadrato à recta  
 $\alpha\epsilon$  descripto. verum rectangulum quod con-  
 tinetur rectis  $\gamma\zeta, \zeta\alpha$ , est rectangulum  $\zeta\kappa$ : quia  
 $\alpha\zeta$  recta, est æqualis rectæ  $\zeta\eta$ . quadratum ve-  
 rò à recta  $\alpha\epsilon$  descriptum, est ipsum quadratū  
 $\alpha\delta$ . Ergo  $\zeta\kappa$  quadratum est æquale quadrato  
 $\alpha\delta$ . Commune auferatur  $\alpha\kappa$ . reliquum igitur  
 quadratum  $\zeta\theta$ , est æquale reliquo rectangulo  
 $\theta\delta$ . est autem rectangulum  $\theta\delta$ , id quod com-  
 prehenditur rectis  $\alpha\beta, \epsilon\theta$ : quia recta  $\alpha\epsilon$ , æ-  
 qualis est rectæ  $\epsilon\delta$ : quadratum verò  $\zeta\theta$ , id  
 quod à recta  $\alpha\delta$  describitur. Quare rectangu-  
 lum quod rectis  $\alpha\epsilon, \epsilon\theta$  continetur, æquale est  
 quadrato à recta  $\theta\alpha$  descripto. (Conclusio.)  
 Recta igitur data  $\alpha\beta$ , diuisa est in puncto  $\theta$ , hac ratio-  
 ne, vt rectangulū q̄ rectis  $\alpha\beta, \beta\theta$  continetur, sit æqua-  
 le quadrato à recta  $\theta\alpha$  descripto. quod faciendum erat.

### Propositio XII. Theorema.

**I**N triangulis amblygonijs (id est, obtusum  
 habentibus angulum) quadratū quod de-  
 scribitur à latere, obtusum angulum subten-  
 dente, maius est quadratis laterum obtusum

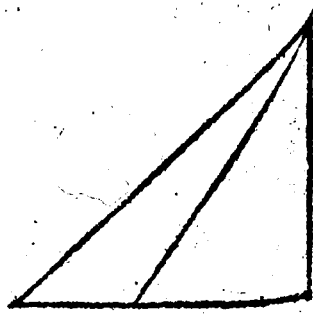
D

s

angu

τε μιᾶς τῶν περὶ τῷ ἀμβλεῖαν γωνίαν ἐφ'  
 ἡὺ ἐκβληθεῖσαν, ἢ κάθεται πάλιν, καὶ τῆς  
 ἀπολαμβανομένης ἑκὸς ὑπὸ τῆς καθεύου  
 πρὸς τῇ ἀμβλεῖα γωνία.

Εκθεσις.) Εἰς ἀμβλυγώνιον τρίγωνον τὸ  
 αβγ, ἀμβλεῖαν ἔχον τῷ ὑπὸ βαγ γωνίαν  
 καὶ ἤχθω ἀπὸ τοῦ β σημεῖον, ὅπῃ τῷ γα ἐκ-  
 βληθεῖσαν κάθεται ἡ βδ. (Διορισμός.) Λέ-  
 γω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς βγ τετραγώνον, μείζον  
 ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν βα, αγ  
 τετραγώνων, τὰ δὲ ὑπὸ  
 τῶν γα, αδ περιεχομέ-  
 νω ὀρθογωνίω. (Απόδει-  
 ξις.) Ἐπεὶ γὰρ εὐθεία ἡ γδ  
 τέτμηται ὡς ἔτυχε κατὰ  
 τὸ α σημεῖον: τὸ ἄρα ἀπὸ  
 τῆς γδ, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ γ  
 τῶν γα, αδ τετραγώνοις: καὶ τὰ δὲ ὑπὸ τῶν  
 γα, αδ περιεχομένω ὀρθογωνίω. κοινὸν πε-  
 σκείσθω τὸ ἀπὸ τῆς δβ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  
 γδ, δβ ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν γα, αδ,  
 τετραγώνοις, καὶ τὰ δὲ ὑπὸ τῶν γα, αδ  
 περιεχομένω ὀρθογωνίω. ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ  
 τῶν



angulum continentium : rectangulo quod bis continetur latere vno obtusum angulum continēte, in quod si producat, perpendicularis cadit: & recta intercepta externē ab ipsa perpendiculari ad angulum obtusum.

*Explicatio dati.)* Sit triangulus amblygonius  $\alpha\beta\gamma$ : cuius angulus  $\beta\alpha\gamma$  sit obtusus: & ducatur à puncto  $\alpha$ , ad rectam  $\gamma\alpha$  productā, & extensam perpendicularis recta  $\alpha\delta$ . (*Explicatio quæsit.*) Dico quòd quadratum à latere  $\beta\gamma$  descriptum, maius sit quadratis laterum  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , rectangulo quod bis continetur rectis  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\delta$ . (*Demonstratio.*) Quoniam recta  $\gamma\delta$ , utcumq; secta est in puncto  $\alpha$ : quadratum igitur à recta  $\gamma\delta$  descriptum, æquale est quadratis à lateribus  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\delta$  descriptis, & rectangulo  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\delta$  lateribus bis contento. commune addatur quadratum à recta  $\alpha\beta$  descriptum. itaq; quadrata à rectis  $\gamma\delta$ ,  $\alpha\beta$  descripta, æqualia sunt quadratis à rectis  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\delta$ ,  $\alpha\beta$  descriptis, & rectangulo bis, rectis  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\delta$  contento. verum quadratis à rectis  $\gamma\delta$ ,  $\alpha\beta$

τῶν γδ, ὁβῖσιν ἐς τὸ διπλὸ τῆς γβ. ὀρθὴ γδ  
 ἢ πρὸς τὸ δ γωνία. τίς δὲ διπλὸ τῶν αδ, ὁβ  
 ῖσιν ἐς τὸ ἀπὸ τῆς αβ, τὸ ἄρα διπλὸ τῆς βγ  
 τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν γα, αβ  
 τετραγώνοις, καὶ τῷ διπλῷ ὑπὸ τῶν γα, αδ πε-  
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς γβ  
 τετράγωνον, τῶν ἀπὸ τῶν γα, αβ τετραγώ-  
 νων, μείζον ἐστὶ τῷ διπλῷ ὑπὸ τῶν γα, αδ πε-  
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.)  
 Ἐν ἄρα ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ  
 τῇ πλὴν ἀμβλείαν γωνίαν ὑποτένσεως πλδ-  
 ρᾶς τετράγωνον, μείζον ἐστὶ τῶν διπλῶν τῶν  
 ἀμβλείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλδρῶν  
 τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ διπλῷ ὑπὸ  
 μιᾶς τῶν περὶ τῇ πλὴν ἀμβλείαν γωνίαν, ἐφ'  
 ἣν ἡ κάθετος καὶ ἀπὸ τῆς ἀπολαμ-  
 βανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τῇ  
 ἀμβλείᾳ γωνίᾳ. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ιγ. θεώρημα.

ΕΝ τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ διπλὸ τῆς  
 πλὴν ὀξείαν γωνίαν ὑποτένσεως πλδρῶς  
 τετράγωνον, ἐλαττόν ἐστι τῶν διπλῶν τῶν  
 ὀξείαν

$\gamma\delta$ , &  $\delta\epsilon$  descriptis, æquale est quadratum à re-  
 cta  $\gamma\epsilon$ , quia angulus ad pūctum  $\delta$  est rectus,  
 & quadratis à lineis rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  descriptis,  
 æquale est quadratum à recta  $\alpha\epsilon$  descriptum.  
 Quare quadratum à recta  $\beta\gamma$  descriptum,  
 æquale est quadratis à rectis  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\epsilon$  descri-  
 ptis, & rectangulo quod rectis  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\delta$  bis con-  
 tinetur, idcirco & quadratum à recta  $\gamma\beta$  de-  
 scriptum, maius est quadratis à lineis rectis  
 $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\epsilon$  descriptis: rectangulo quod rectis  $\gamma\alpha$ ,  
 $\alpha\delta$  bis continetur. (Conclusio.) In triangu-  
 lis igitur amblygonijs, quadratum quod de-  
 scribitur à latere obtusum angulum subten-  
 dente, maius est quadratis laterum obtusum  
 illum angulum continentium, rectangulo  
 quod bis continetur vno ex lateribus angu-  
 lum obtusum continentibus, in quod cadit  
 perpendicularis si productum fuerit: & linea  
 recta intercepta ad angulum obtusum ab ip-  
 sa perpendiculari. quod demonstrandū erat.

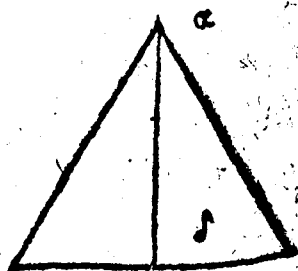
Propositio XIII. Theorema.

IN triangulis oxygonijs, quadratum descri-  
 ptum à latere acutum angulum subten-  
 dente

ὀξείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλὴν τῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸτε μιᾶς τῶν πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ ἐφ' ἣν ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εἶπω ὀξυγώνιον τρίγωνον τὸ  $\alpha\beta\gamma$  ὀξείαν ἔχων τῇ πρὸς τῷ  $\beta$  γωνίᾳ: καὶ ἤχθω ἀπὸ  $\alpha$  σημεῖον ὅπῃ τῇ  $\beta\gamma$  κάθετος  $\theta$  ἡ  $\alpha\delta$ . (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ  $\alpha$  γ τετράγωνον, ἐλαττόν ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν  $\gamma\beta, \beta\delta$  τετραγώνων τῷ δις ὑπὸ τῶν  $\gamma\beta, \beta\delta$  περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Απόδειξις) Επεὶ γὰρ εὐθεία ἡ  $\gamma\delta$  τέτμηται ὡς ἔτυχεν καὶ τὸ  $\delta$ . τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  $\gamma\beta, \beta\delta$  τετραγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δις ὑπὸ τῶν  $\gamma\beta, \beta\delta$  περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς  $\delta\gamma$  τετραγώνῳ. κοινὸν πρὸς σκέψιν τὸ ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$  τετράγωνον. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν  $\gamma\beta, \beta\delta, \delta\alpha$  τετραγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δις ὑπὸ τῶν  $\gamma\beta, \beta\delta$ , περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τοῖς ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta, \delta\gamma$  τετραγώνοις.

ἀλλὰ



dente, minus est quadratis laterum acutum illum angulum continentium, rectangulo quod his continetur vno latere eorum, quæ acutum continent angulum, & in quod ipsa cadit perpendicularis: & linea interne ab ipsa perpendiculari intercepta, ad ipsum angulū acutum.

*Explicatio dati.*) Sit triangulus oxygonius  $\alpha\beta\gamma$ , habens acutum angulum ad punctum  $\beta$ , & ducatur à puncto  $\alpha$ , ad lineam rectam  $\beta\gamma$  perpendicularis recta  $\alpha\delta$ . (*Explicatio quæsit.*) Dico quod quadratum à recta  $\alpha\gamma$  descriptum, sit minus quadratis laterum  $\gamma\beta$ ,  $\beta\alpha$ : rectangulo quod  $\gamma\beta$ ,  $\beta\delta$  rectis bis continetur. (*Demonstratio.*) Quoniam recta  $\gamma\delta$  utcumq; secta est in puncto  $\delta$ . quadrata igitur à rectis  $\gamma\beta$ ,  $\beta\delta$  descripta, æqualia sunt rectangulo quod rectis  $\gamma\beta$ ,  $\beta\delta$  bis continetur, & quadrato à recta  $\delta\gamma$  descripto. Commune addatur quadratum à recta  $\alpha\delta$  descriptum. quadrata igitur à rectis  $\gamma\beta$ ,  $\beta\delta$  &  $\alpha\delta$  descripta, æqualia sunt rectangulo quod bis continetur rectis  $\gamma\beta$ ,  $\beta\delta$ , & quadratis à lineis rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\gamma$  descriptis. Verum quadratis

ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν βδ, δα, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αβ. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τῷ δ γωνία. τῆς δ' ἀπὸ τῶν αδ, δγ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αγ. τὰ ἄρα ὑπὸ τῶν γβ, βα, ἴσα ἐστὶ τὰ πρὸς τῆς αγ, καὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν γβ, βδ. ὥστε μόνον τὸ ἀπὸ τῆς αγ ἑλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν γβ, βα τετραγώνων, τὰ δις ὑπὸ τῶν βγ, βδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.) Ἐν ἄρα τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς τῷ ὀξείῳ γωνίᾳ ὑποπλευρῆς τετραγώνου, ἑλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν πρὸς τῷ ὀξείῳ γωνίᾳ περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τὰ περιεχομένῳ δις ὑπό τε μιᾶς τῆς περὶ τῷ ὀξείῳ γωνίᾳ ἐφ' ἣν ἡ καθέτη  καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐν τῷ ὑποπλευρῷ τῆς καθέτης, πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ. ὥς ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ιδ. Πρόβλημα.

Τῷ δοθέντι ὀρθογώνῳ, ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι.

Εκθ

dratis à rectis  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\alpha$  descriptis, æquale est  
 quadratum à recta  $\alpha\beta$  descriptum. quia an-  
 gulus ad  $\delta$  punctum est rectus. quadratis ve-  
 rò à rectis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\gamma$  descriptis, æquale est qua-  
 dratum à recta  $\alpha\gamma$  descriptum. itaq; rectan-  
 gula quæ rectis  $\gamma\beta$ ,  $\beta\alpha$  continentur, æqualia  
 sunt quadrato à recta  $\alpha\gamma$  descripto, & rectan-  
 gulo  $\gamma\epsilon$ ,  $\beta\delta$  rectis bis contento. erit igitur v-  
 nicum quadratum à recta  $\alpha\gamma$  descriptum mi-  
 nus, quadratis à rectis  $\gamma\beta$ ,  $\beta\alpha$  descriptis re-  
 ctangulo quod rectis  $\beta\gamma$ ,  $\beta\delta$  bis continetur.  
 (Conclusio.) In triangulis igitur  $\delta xy$  gonijis,  
 quadratum quod describitur à latere subten-  
 dente angulum acutum, minus est quadratis  
 laterum angulum illum acutum continentium,  
 rectangulo, quod bis continetur vno ex  
 lateribus angulum illum acutum continen-  
 tibus, in quod perpendicularis cadit: & linea  
 internè intercepta à perpendiculari ad angu-  
 lum illum acutum. quod erat demonstrandū.

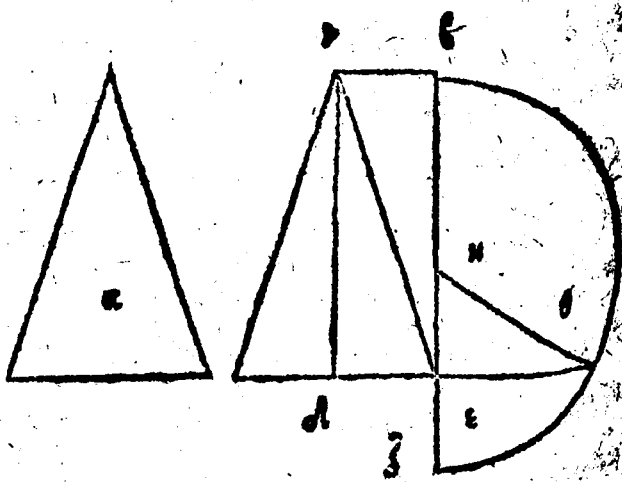
Propositio XIII. Problema.

**D**Atæ figuræ rectilinéæ æquale quadratum  
 constituere.

E Expli-

Εκθεσις.) Εστω τὸ δοθέν διθύγραμμον τὸ  
 $\alpha$ . (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τὰ  $\alpha$  διθύγραμμά,  
 ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι. (Κατασκευή.)

Συνεσάγω  
 τὰ  $\alpha$  διθύ-  
 γράμματα,  
 ἴσον παραλ-  
 ληλόγραμ-  
 μον ὀρθο-  
 γώνιον τὸ  
 βδ. εἰ μὲν  
 ἂν ἴση ἔσιν



ἢ βε, τῇ εδ, γεγονὸς αὖ εἴη τὸ ὀπίσθαι. συ-  
 νίσταται γὰρ τὰ  $\alpha$  διθύγραμμά, ἴσον τετράγ-  
 νον τὸ βδ. εἰ δὲ ἄ, μία τῶν βε, εδ μείζων ἔσιν,  
 ἔστω μείζων ἡ βε, καὶ ἐκβεβλήσθω ὅππῃ τὸ ζ  
 καὶ κείσθω τῇ εδ ἴση ἡ ζε: καὶ τεμήσθω ἡ ζβ  
 δίχα κατὰ τὸ η: καὶ κέντρῳ μὲν τὰ η, διαση-  
 ματι δὲ ἐνὶ τῶν ηβ, ηζ, ἡμικύκλιον γεγραφ-  
 θω τὸ βθζ: καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ δε, ὅππῃ τὸ θ: καὶ  
 ἐπεζώχθω ἡ ηθ. (Απόδειξις.) Επεὶ ἂν δι-  
 δεῖα ἡ βζ τέτμηται εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ η, εἰς  
 δὲ αἴσια καὶ τὸ ε. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ πε-  
 ριέχο-

Explicatio dati.) Sit data figura rectilinea  $\alpha$ . (Explicatio quesiti.) Data igitur rectilinea figura  $\alpha$ , constituendum est  $\square$  æquale quadratum. (Delineatio.) Constituatur data figuræ rectilineæ  $\alpha$ , æquale parallelogrammum rectangulum  $\beta\delta$ . Si itaq; recta  $\beta\epsilon$ , æqualis est rectæ  $\epsilon\delta$ , factum est id quod iussum erat. quia data figuræ rectilineæ  $\alpha$ , æquale est factum quadratum  $\beta\delta$ . sin minus, una ex his rectis  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\delta$  sit maior, ponatur  $\beta\epsilon$  maior, eaq; producatur ad punctum vsq;  $\zeta$ : & fiat rectæ  $\epsilon\delta$  æqualis recta  $\zeta\epsilon$ : secetur recta  $\zeta\beta$  in duas partes æquales in puncto  $\eta$ : postea cetro  $\eta$ , intervallo vel  $\eta\beta$ , vel  $\eta\zeta$  describatur semicirculus  $\epsilon\theta\zeta$ : producaturq; recta  $\delta\epsilon$ , ad punctum vsq;  $\theta$ : fiatq; recta  $\eta\theta$ . (Demonstratio.) Quoniam recta  $\beta\zeta$  secta est in partes quidem æquales in puncto  $\eta$ , in partes verò inæquales in puncto  $\epsilon$ . rectangulum igitur quod continetur rectis  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ ; cum quadrato à recta  $\epsilon\eta$  descripto, æquale est quadrato à recta  $\eta\zeta$  descripto. sed recta  $\eta\zeta$  æqualis est rectæ  $\eta\theta$ . rectangulum igitur rectis  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$  contentum

ρεχόμενον ὀρθογώνιον, μὲν δ' ἀπὸ τῆς ἐκ  
 τετραγώνου: ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἡζ τετραγώνου.  
 ἴση δὲ ἡ ἡζ, τῇ ἡθ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ,  
 μετὰ τῆς ἀπὸ τῆς ἡε, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἡθ.  
 τὰ δὲ ἀπὸ τῆς ἡθ, ἴσα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν θε, ἡθ  
 τετράγωνα. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, μετὰ  
 τοῦ ἀπὸ τῆς ἡε, ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν θε, ἡθ  
 κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ τῆς ἡε τετράγωνον.  
 λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, περιε-  
 χόμενον ὀρθογώνιον: ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἐθ  
 τετραγώνου. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, τὸ ἐθ  
 ἴσιν. ἴση γὰρ ἡ ἐξ, τῇ ἐθ. τὸ ἄρα βδ παρα-  
 ληλόγραμμον, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἐθ ἀνα-  
 γραφομένῳ τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα)  
 Τῷ ἄρα δοθέντι δισυγράμμῳ τὰ ἄ ἴσον τῷ  
 τετράγωνον συνίσταται, τὸ ἀπὸ τῆς ἐθ  
 ἀναγραφομένου. ὅπως  
 ἐδὲ ποιῆσαι.

ΤΕΛΟΣ

cum quadrato à recta ne descripto, æquale est quadrato à recta  $\eta\theta$  descripto. verum huic quadrato à recta  $\eta\theta$  descripto, æqualia sunt quadrata à rectis  $\theta\epsilon$ , ne descripta. Rectangulum igitur rectis  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$  contentum, cum quadrato à recta ne descripto, hæc inquam sunt æqualia quadratis à rectis  $\theta\epsilon$ , ne descriptis. Commune auferatur quadratum à recta ne descriptum. reliquum igitur rectangulum quod rectis  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$  continetur, æquale est quadrato à recta  $\epsilon\theta$  descripto: sed rectangulum  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$  rectis contentum est rectangulum  $\beta\delta$ : quia  $\epsilon\zeta$  recta æqualis est  $\epsilon\theta$  rectæ. quare parallelogrammum  $\beta\delta$ , æquale est quadrato ab  $\epsilon\theta$  recta descripto. (Conclusio.) Data igitur figuræ rectilineæ  $\alpha$ , constitutum est æquale quadratum à recta  $\epsilon\theta$  descriptum. Quod faciendum erat.

FINIS.

## ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ

ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΗ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ, ΤΩΝ

γραμμικῶς ἐν τῷ δευτέρῳ τῶν στοι-  
χίων ἀποδειχθέντων.

ΟΡΟΙ.

**Α**ριθμὸν, ἀριθμὸν πολλαπλασιάζει  
λέγω: ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν τῷ πολλαπλα-  
σιάζοντι μονάδες: ποσῶνάκις σωληθεῖς ὁ πολ-  
λαπλασιαζόμενος ποιήσῃ πινά: ὃν ἢ μετρεῖ  
ἢ τὰς ἐν τῷ πολλαπλασιάζοντι μονάδας.

Καλῶ δ' αὐτὸν τὸν ἐκ τέτων γινόμενον  
ἑπίπεδον.

Τετράγωνον δ' ἀριθμὸν λέγω, τὸν γινό-  
μενον ἀπὸ πινος ἑαυτὸν πολλαπλασιάσαντος.

Αριθμὸν ἀριθμῷ μέρους λέγω: τὸ ἐλάττω-  
σι τὸν μείζονα, ἢ μετρεῖ, ἢ μὴ μετρεῖ  
τὸν μείζονα.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. θεώρημα.

**Ε**ὰν δύο ἀριθμῶν ὄντων διαιρεθῇ ὁ ἑπόμενος  
αὐτῶν εἰς ὅσας δηποιοῦν ἀριθμοὺς: ὁ ὅσος  
τῶν

71.

**BARLAAM MONACHI,**  
**ARITHMETICA DEMON-**  
*stratio eorum, quæ Euclides libro secundo*  
*suorum elementorum in lineis & fi-*  
*guris planis demonstravit.*

**DEFINITIONES.**

**N***umerum dico multiplicare alium nu-*  
*merum: quando quot in eo qui multi-*  
*plicat sunt unitates: toties numerus multipli-*  
*candus, compositus: producit aliquem nume-*  
*rum: quem secundum unitates quæ sunt in nu-*  
*mero multiplicante metitur.*

*Illum verò qui ex eiusmodi multiplica-*  
*tione producitur, nomino planum.*

• *Quadratum voco numerum, qui fit ex mul-*  
*tiplicatione alicuius numeri in seipsum.*

*Denique numerum alterius numeri partem*  
*esse dico: minorem maioris, siue minor maio-*  
*rem metiatur: siue non metiatur.*

**PROPOSITIONES.**

*Propositio prima. Theorema.*

**S***i duobus propositis numeris, alter illorū*  
*diuidatur in aliquot numeros quotquot*  
fint:

τῶν ἐξαρχῆς δύο ἀριθμῶν ὀπίπεδ'  δ' αὖθις  
μὲν ἴσους ἐστὶ τοῖς ἐκπλεονέκτεσσι, καὶ ἐκ  
58 τῶν μερῶν τῶν διαρρεθέντων  γινόμενοις ἐ  
πιπέδοις.

Εκθεσις. ) Εξωσαν

δύο ἀριθμοὶ ἢ  $\alpha\beta, \gamma$ :

καὶ διηγήσῃ ὁ αβ, εἰς

ὅσας διηποταὺν ἀγίθ.

$\mu\delta\varsigma, \pi\tilde{\delta}\varsigma \bar{\alpha}\delta, \delta\epsilon, \epsilon\beta.$

(Διορισμός.) Λέγω ὁ-

πὸ σκτ γ, αβ Ἰηίπε-

$\delta\epsilon$ : ἵσους ἐστὶ τοῖς ἀκτ.

$\gamma, \alpha\delta : \gamma, \delta\epsilon : \gamma, \epsilon\beta\epsilon -$

πρωτόαις. (Καλασπ.)

Εἶπω γὰρ ὅτι καὶ μὲν τῶν γ,

$\alpha\beta, \delta \in \mathbb{Z}^n$ ,  $\alpha \neq \beta$ ,  $\alpha \neq \delta$

$$\delta \eta \theta: c_k d^i \tau \bar{\gamma}, d^i \epsilon, \delta \theta:$$

сн д'ε τ γ, ε β ο ι κ. (Απ

πολλαπλασιάσεις, ἐπο

Ἰρᾶ τ' ἔχ' τὰς ἐν τῷ

τὰ δὲ καὶ τὸν ἥθ μετρεῖ

μάδας: τὸν δὲ θεὸν καὶ τὰ

τὰ τὰς ἐν τῷ ἔβμονα

*Journal of Management Studies*, 19(1), 67-80.

sint: numerus planus, qui fit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum, erit æqualis numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non diuisi, & vnaquaq; parte numeri diuisi.

Ex Geois.) Sint duo numeri  $\alpha\beta$ , &  $\gamma$ : ac diuidatur numerus  $\alpha\beta$  in quocunq; alios numeros, utpote  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ . ( $\Delta\iota\omicron\epsilon\tau\mu\omicron\varsigma$ .) Dico q; numerus planus qui fit ex numerorum  $\gamma$ , &  $\alpha\beta$  multiplicatione: æqualis sit numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numerorum  $\gamma$ , &  $\alpha\delta$ : item  $\gamma$ , &  $\delta\epsilon$ : deniq;  $\gamma$ , &  $\epsilon\zeta$ . ( $\text{Κατασκευαζόν.}$ ) Sit enim  $\zeta$  numerus planus ex multiplicatione numerorum  $\gamma$ , &  $\alpha\beta$  productus:  $\eta\theta$  vero ex multiplicatione  $\gamma$ , &  $\alpha\delta$ :  $\theta\iota$  vero ex multiplicatione  $\gamma$ , &  $\delta\epsilon$ : deniq; ex multiplicatione  $\gamma$ , &  $\epsilon\zeta$  producatür numerus  $\iota\kappa$ . ( $\text{Αποδείξις.}$ ) Cum itaq; numerus  $\alpha\beta$  multiplicando numerum  $\gamma$ , produxit numerum  $\zeta$ : idcirco numerus  $\gamma$ , metitur numerum  $\zeta$ , iuxta vnitates quæ sunt in numero  $\alpha\beta$ . Per eadem demonstrabimus, quod numerus  $\gamma$  etiam metiatur numerum  $\eta\theta$ , penes vnitates, quæ sunt in numero  $\alpha\delta$ : numerum vero  $\theta\iota$  per vnitates quæ sunt in numero  $\delta\epsilon$ : deniq; numerum  $\iota\kappa$ , secundum vnitates quæ sunt in numero  $\epsilon\zeta$ .

μετρεῖ ὁ γ: κατὰ τὰς ἐν τῷ αβ μονάδας. ἐ-  
 μέτρε δὲ καὶ τὸν ζ κατὰ τὰς ἐν τῷ αβ μονά-  
 δας. ἐκάτερος ἄρα τῶν ζ, ηκ, ισάκεις ἐστὶ πολ-  
 λαπλάσι  $\Theta$  τῷ γ. οἱ δὲ τῷ αὐτοῦ ισάκεις  
 πολλαπλάσιοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσ  $\Theta$  ἄρα  
 εἰσιν ὁ ζ τῷ ηκ. καὶ εἰσιν ὁ μὲν ζ, ὁ ἐκ τῶν γ,  
 αβ  $\Theta$  πέντε  $\Theta$ , ὁ δὲ ηκ, ὁ συγκέμει  $\Theta$  ἐκ  
 τε τῷ γ, ἑκάστω τῶν αδ, δε, εβ  $\Theta$  πέντε  $\Theta$ .  
 ὁ ἄρα ἐκ τῶν γ, αβ  $\Theta$  πέντε  $\Theta$  ἴσ  $\Theta$  ἐστὶ τοῖς  
 ἐκ τε τῷ γ, ηκ ἐκάστω τῶν αδ, δε, εβ  $\Theta$  πέν-  
 τοις. (Συμπέρασμα.) Εἰν ἄρα δύο δειθ-  
 μῶν ὄντων: διαρεθῇ ὁ ἕτερος  $\Theta$  αὐτῶν εἰς ὅσους  
 δηποῖεν δειθμοὺς: ὁ ἐκ τῶν ἐξ δειθμῶν δύο ἀ-  
 ριθμῶν  $\Theta$  πέντε  $\Theta$ : ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ τε  $\Theta$  ἀδια-  
 ρέτω, καὶ ἐκάστω τῶν μερῶν τῷ διαρεθέντι  $\Theta$   
 $\Theta$  πέντε  $\Theta$ , ὥς ἐδὲ δεῖξει.

Πρώτησις β. θεώρημα.

**Ε**Αν δειθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαρεθῇ  
 δύο  $\Theta$  πέντε  $\Theta$  δειθμοὶ οἱ γινόμενοι ἐκ τε  $\Theta$   
 ὅλων, καὶ ἐκαστέρων τῶν μερῶν, συναμφοτέρων  
 ἴσοι εἰσὶ τῷ ἀπὸ τῷ ὅλου τετραγώνῳ.

Εκθε

Quare numerus  $\gamma$  totum numerum  $\eta\kappa$  metitur iuxta unitates, quæ sunt in numero  $\alpha\beta$ . Verum metiebatur antea numerum  $\zeta$ , penes unitates quæ sunt in numero  $\alpha\beta$ . Vterq; igitur numerus  $\zeta$  &  $\eta\kappa$  æqualiter est multiplex numeri  $\gamma$ . Numeri verò qui eiusdem numeri æqualiter sunt multiplices, æquales inter se sunt. ergo numerus  $\zeta$  æqualis est numero  $\eta\kappa$ . sed numerus  $\zeta$  est numerus planus, ex multiplicatione  $\gamma$  &  $\alpha\beta$  productus. alter verò numerus  $\eta\kappa$ , compositus ex numero  $\gamma$  non diuiso, & vnoquoq; plano numero  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ . ( $\Sigma\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\epsilon\sigma\mu\alpha$ .) Si igitur fuerint duo numeri, quorum alter diuisus sit in quoscunq; alios numeros: tum numerus planus qui sit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum: æqualis est numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non secti, & singulis partibus eius numeri qui diuisus & sectus est. Quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

SI numerus aliquis diuisus fuerit in alios duos numeros: tum numeri plani qui fiunt ex multiplicatione totius, & vtriusq; partis, hi ambo coniuncti: erunt æquales quadrato numero totius numeri propositi.

Εκθεσις. ) Αριθμός  
 γὰρ ὁ  $\bar{\alpha}\beta$  διηγήσθω εἰς 6  
 δύο ἀριθμοὺς τὰς  $\bar{\alpha}\gamma$ ,  
 $\bar{\gamma}\beta$ . (Διορισμός.) Λέ- 2  
 γω ὅτι δύο ἑπίπεδοι ἀ-  
 ριθμοὶ, ὅτε ἐκ τῶν  $\bar{\alpha}\beta$ ,  
 $\bar{\alpha}\gamma$ : καὶ ὅτε ἐκ τῶν  $\bar{\alpha}\beta$ ,  $\bar{\gamma}\beta$  4  
 σωτηθέντες: ἴσοι εἰσὶ τῷ  
 ἀπὸ τοῦ  $\bar{\alpha}\beta$  τετραγώ-  
 νῳ. (Κατασκευὴ.) Ὁ γὰρ  
 $\bar{\alpha}\beta$  ἐαυτὸν πολλαπλα-  
 σιάσας ποιήτω τὸν δ:  
 ὁ δὲ  $\bar{\alpha}\gamma$ , τὸν  $\bar{\alpha}\beta$  πολλα-  
 πλάσιάσας: ποιήτω τ'  
 εἰς: τὸν δὲ αὐτὸν  $\bar{\alpha}\beta$  καὶ ὁ  $\bar{\gamma}\beta$  πολλαπλασιά-  
 σας ποιήτω τ' ζή. (Αποδείξεις.) Ἐπεὶ ποινὴ ὁ  
 $\bar{\alpha}\gamma$  τὸν  $\bar{\alpha}\beta$  πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν εἰς:  
 ὁ ἄρα  $\bar{\alpha}\beta$  μετρεῖ τὸν εἰς, καὶ τὰς ἐν τῷ  $\bar{\alpha}\gamma$  μονά-  
 दास. πάλιν ἐπεὶ ὁ  $\bar{\gamma}\beta$ , τὸν  $\bar{\alpha}\beta$  πολλαπλα-  
 σιάσας, ἐποίησε τὸν ζή: ὁ ἄρα  $\bar{\alpha}\beta$  μετρεῖ τὸν  
 ζή, καὶ τὰς ἐν τῷ  $\bar{\gamma}\beta$  μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ  
 τὸν εἰς, καὶ τὰς ἐν τῷ  $\bar{\alpha}\gamma$  μονάδας. ὅλον ἄρα  
 τὸν εἰς, μετρεῖ ὁ  $\bar{\alpha}\beta$ , καὶ τὰς ἐν ἐαυτῷ μονά-  
 दास.

Ex 9. 15.) Diuidatur enim numerus  $\alpha\beta$ , in  
 duos alios numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . (Διορισμός.) Di-  
 co quod duo numeri plani qui sunt ex multi-  
 plicatione  $\alpha\beta$ , &  $\alpha\gamma$ . deinde  $\alpha\beta$ , &  $\beta\gamma$ : hi in-  
 quam compositi, æquales sint quadrato nu-  
 mero, qui fit ex multiplicatione numeri  $\alpha\beta$   
 in seipsum. (Καταστροφὴ.) Numerus enim  $\alpha\beta$   
 seipsum multiplicando, producat numerum  $\delta$ :  
 numerus etiam  $\alpha\gamma$ , multiplicando numerum  
 $\alpha\beta$ , producat numerum  $\epsilon$ : rursus numerus  $\gamma\beta$ ,  
 multiplicando eundem numerum  $\alpha\beta$ : faciat  
 numerum  $\zeta$ . (Ἀπόδειξις.) Cum itaq;  $\alpha\gamma$  nu-  
 merus multiplicando numerum  $\alpha\beta$ , produxe-  
 rit numerum  $\epsilon$ . igitur numerus  $\alpha\beta$  metitur  
 numerum  $\epsilon$  secundum unitates quæ sunt in  
 numero  $\alpha\gamma$ . Rursus quoniam  $\gamma\beta$  numerus,  
 multiplicauit  $\alpha\beta$  numerum: & produxit nu-  
 merum  $\zeta$ : idcirco  $\alpha\beta$  metietur numerum  $\zeta$   
 secundum unitates quæ sunt in numero  $\gamma\beta$ .  
 Verum idem numerus  $\alpha\beta$  metiebatur antea  
 quoq; numerum  $\epsilon$ , iuxta unitates quæ sunt  
 in numero  $\alpha\gamma$ . Ergo numerus  $\alpha\beta$ , totum nu-  
 merum  $\epsilon$  metietur iuxta unitates quæ in ipso  
 $\alpha\beta$  sunt.

νάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γβ τὸν αβ πολλαπλα-  
 σιάσας, ἐποίησε τὸν ζη: ὁ ἄρα αβ μετρεῖ τὸν  
 ζη, καὶ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἐμέτρε δὲ καὶ  
 τὸν ἐζ καὶ τὰς ἐν τῷ αγ μονάδας. ὅλον ἄρα τ  
 εῖη, μετρεῖ ὁ αβ, καὶ τὰς ἐν αὐτῷ μονάδας.  
 πάλιν ἐπεὶ ὁ αβ ἐαυτὸν πολλαπλασιάσας,  
 ἐποίησε τὸν δ: μετρεῖ ἄρα καὶ τὸν δ, καὶ τὰς ἐν  
 ἐαυτῷ μονάδας. ἐκάτερον ἄρα τῶν δ, εα: με-  
 τρεῖ ὁ αβ, καὶ τὰς ἐν ἐαυτῷ μονάδας. ὅσοι  
 πλάσιον ἄρα ἐστὶν ὁ δ, τῷ αβ: τοσούτω πλά-  
 σιον ἐστὶ καὶ ὁ εῖη τοῦ αβ. οἱ δὲ τῷ αὐτῷ ἀριθ-  
 μοῦ ἰσάκεις πολλαπλάσιοι ἀριθμοὶ: ἴσοι ἀλ-  
 λήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ δ, τῷ εῖη. καὶ ἐστὶν  
 ὁ ρη δ, ὁ ἀπὸ τῷ αβ τετράγωνος, ὁ δὲ εῖη  
 σωληθεὶς ἐκ δύο ὀπίπιδων ἀριθμῶν, τῶν ἐκ  
 τῶν αβ, βγ, βα, αγ. ὁ ἄρα ἀπὸ τῷ αβ τε-  
 τράγωνος: ἴσος ἐστὶ τῷ συγκειμένῳ, ἐκ δύο ὀ-  
 πίπιδων, τῶν ἐκ τῶν αβ, βγ, βα, αγ.  
 (Συμπέρασμα.) Εἰ ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο  
 ἀριθμοὺς διαιρεθῇ: δύο ὀπίπεδοι ἀριθμοὶ, οἱ  
 ἡρόδομοι ἐκ τῷ ὅλῳ, καὶ ἐκάτερος τῶν μερῶν συ-  
 ναμφοτέροι ἴσοι εἰσιν τῷ ἀπὸ τοῦ ὅλῳ τετρα-  
 γώνῳ. ὅπως εἶδε δειξαι.

πρότερον

$\alpha\beta$  sunt. Præterea quoniã  $\alpha\beta$  numerus multiplicando seipsum, produxit numerum  $\delta$ : idcirco numerus  $\alpha\beta$ , metietur seipsum iuxta unitates quas in seipso continet. Quare metietur utrunq, scilicet numerum  $\delta$ , & numerum  $\epsilon\eta$ : per unitates quæ in ipso  $\alpha\beta$  numero sunt. Quotuplex igitur numerus  $\delta$ , est numeri  $\alpha\beta$ : totuplex etiam est numerus  $\epsilon\eta$ , numeri  $\alpha\beta$ . Numeri verò qui eiusdem sunt æqualiter multiplices, inter se æquales sunt. Quare numerus  $\delta$ , est æqualis numero  $\epsilon\eta$ : & numerus  $\delta$ , est quadratus factus ex  $\alpha\beta$  numero. numerus verò  $\epsilon\eta$  factus & compositus ex duobus numeris planis  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ : &  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ . Numerus itaq, quadratus ex  $\alpha\beta$  numero: æqualis est numero plano, composito ex numeris  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ ,  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ . ( $\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\sigma\mu\alpha$ .) Si igitur aliquis numerus diuisus fuerit in duos numeros alios: tum numeri plani qui fiunt ex multiplicatione totius, & vtriusq, partis: hi ambo coniuncti, erunt æquales quadrato numero totius propositi numeri. quod demonstrandum erat.

Propo.

Πρότασις γ. Γεώρημα.

**Ε**Αν ἀριθμὸς διαμετρήῃ εἰς δύο ἀριθμοὺς: ὅ  
 ἐκ τῶ ὅλῃ, καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ὁπίπε-  
 δῶ: ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν μερῶν ὁπίπέδῳ,  
 ζυγὸν τῷ ἀπὸ τοῦ περὶ τὸν μέγαν τετρα-  
 γώνῳ.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ  
 ὁ αβ διηγήσθω εἰς δύο ἀ-  
 ριθμοὺς τοὺς αγ, γβ.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι  
 ὁ ἐκ τῶν αβ, βγ, ὁπίπε-

δῶ: ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν  
 αγ, γβ ὁπίπέδῳ, ἢ τῷ

ἀπὸ τῶ γβ τετραγώ-  
 νῳ. (Κατασκευὴ.) Οἱ γδ

αβ πολλαπλασιάστω τ  
 γβ, καὶ ποιήτω τὸν δ: ὁ

δὲ αγ, τὸν γβ πολλα-  
 πλασιάστω, καὶ ποιήτω

τὸν εζ: ὁ δὲ γβ ἑαυτὸν  
 πολλαπλασιάσας ποιήτω τὸν ζη. (Απὸ

δείξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ αβ τὸν γβ πολλαπλα-  
 σιάσας, ἐποίησε τὸν δ: ὁ αβ γβ, μετρεῖ τὸν

6

2

+γ

12

4

α

δ

δ, καὶ

Propositio III. Theorema.

SI numerus aliquis diuidatur in duos numeros: numerus planus qui fit ex multiplicatione totius & vnius partis: æqualis est numero plano, factò ex partibus, & numero quadrato, productò ex parte prædicta.

Ex theoris.) Sit enim numerus  $\alpha\beta$ , qui diuidatur in duos numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . ( $\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\omicron\sigma\mu\omicron\varsigma$ .) Dico quòd numerus planus, qui fit ex multiplicatione numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ : æqualis sit numero plano factò ex multiplicatione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : & quadrato ex  $\gamma\beta$  numero productò. ( $\text{Κατασκευή.}$ ) Numerus enim  $\alpha\beta$ , multiplicando numerum  $\gamma\beta$ , producat numerum  $\delta$ . deinde  $\alpha\gamma$  numerus, multiplicando numerum  $\gamma\beta$ : producat numerum  $\epsilon\zeta$ . deniq;  $\gamma\beta$  numerus, multiplicando seipsum producat numerum  $\zeta\eta$ . ( $\text{Απόδειξις.}$ ) Cum igitur numerus  $\alpha\beta$ , multiplicando numerum  $\gamma\beta$ , produxerit numerum  $\delta$ : idcirco numerus  $\gamma\beta$ , metitur numerum  $\delta$ , iuxta vnitates quæ sunt in numero  $\alpha\beta$ . Ad hæc quoniam numerus  $\alpha\gamma$  multiplicauit numerum  $\gamma\beta$ : & produxit numerum  $\epsilon\zeta$ . ergo  $\gamma\beta$  numerus, metitur numerum  $\epsilon\zeta$  iuxta vnita-

δ, κτ̄ τὰς ἐν τῷ ᾱβ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ  
 ᾱγ, τὸν γβ πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν ε̄ζ  
 ὁ ἄρα γβ, μετρῇ τὸν ε̄ζ, κτ̄ τὰς ἐν τῷ ᾱγ μον  
 νάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γβ ἐαυτὸν πολλαπλα  
 σιάσας, ἐποίησε τ̄ ζη. μετρῇ ἄρα ὁ γβ τ̄ ζη  
 καὶ τὰς ἐν ἐαυτῷ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ  
 τὸν ε̄ζ κτ̄ τὰς ἐν τῷ ᾱγ μονάδας. ὅλον ἄρα  
 τὸν ε̄η, μετρῇ ὁ γβ, καὶ τὰς ἐν τῷ ᾱβ μον  
 νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν δι, καὶ τὰς ἐν τῷ  
 ᾱβ μονάδας. ἰσάκεις ἄρα ὁ γβ, ἐκάτερον  
 τῶν δ, ε̄η μετρῇ. οἱ δι ἐκ τῶν αὐτῶν ἰσα  
 κεις μετρεῖσθαι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα  
 ἐστὶν ὁ δ, τῷ ε̄η, καὶ ἐστὶν ὁ μδ' δ, ὁ ἐκ τῶν ᾱβ, ἐκ  
 ἐπίπεδ' Θ. ὁ δὲ ε̄η, ὁ ἐκ τῶν ᾱγ, γβ ὁππότε  
 δ Θ, ζυγὸς τῷ ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνῳ. ὁ ἄ  
 ρα ἐκ τῶν ᾱβ, βγ ἐπίπεδ' Θ, ἴσος ἐστὶ τῷ π  
 ἐκ τῶν ᾱγ, γβ ὁππότε δω: καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ  
 γβ τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰάν τις  
 ρα δρεῖθμός τις δύο ἀριθμοὺς τυχόντας διαιρῇ  
 θῇ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ὁππότε  
 πεδ' Θ: ἴσος ἐστὶ τῷ τε ἐκ τῶν μερῶν ὁππότε  
 δω, σὺν τῷ ἀπὸ τοῦ περιεργημένου μεροῦς  
 τετραγώνῳ. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

tes quæ sunt in numero  $\alpha\gamma$ . Rursus quoniam  
 $\gamma\epsilon$  numerus, multiplicauit seipsum: & pro-  
 duxit numerum  $\zeta\eta$ . ergo numerus  $\gamma\epsilon$ , meti-  
 tur numerum  $\zeta\eta$ , iuxta vnitates quæ in seipso  
 sunt. Verum antea idem numerus  $\gamma\epsilon$ , etiam  
 metiebatur numerum  $\epsilon\zeta$  iuxta vnitates quæ  
 in ipso sunt  $\alpha\gamma$  numero. Totus itaq; numerus  
 $\gamma\epsilon$ , metitur totum numerum  $\epsilon\eta$ , per vnitates  
 quæ sunt in numero  $\alpha\epsilon$ . sed & numerum  $\delta$ ,  
 metiebatur penes vnitates, quæ sunt in nume-  
 ro  $\alpha\epsilon$ . Quare numerus  $\gamma\epsilon$  æqualiter metitur  
 vtrunq; numerum, nempe numerum  $\delta$ , & nu-  
 merum  $\epsilon\eta$ . Quos verò idem numerus æquali-  
 ter metitur: æquales inter se sunt. idcirco numerus  
 $\delta$ , est æqualis numero  $\epsilon\eta$ : sed numerus  $\delta$ , est planus,  
 factus ex multiplicatione numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ : nume-  
 rus verò  $\epsilon\eta$ , est numerus ex multiplicatione numero-  
 rum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ , procreatus: & quadrato numeri  $\gamma\beta$ .  
 Quapropter numerus planus, factus ex multiplica-  
 tione  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  numerorum: æqualis est numero plano  
 ex  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  numeris producto: & quadrato numeri  $\gamma\beta$ .  
 (Conclusio.) Si igitur numerus aliquis diuidatur in  
 duos numeros: numerus planus, qui sit ex multipli-  
 catione totius, & vnius partis: æqualis est numero  
 plano, facto ex partibus, & numero quadrato produ-  
 cto ex parte prædicta. quod demonstrandum erat.

Πρότασις δ. θεώρημα.

Εάν αριθμός διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμούς, ὅ ἀπὸ τῶν ὅλων τετραγώνων  $\odot$ : ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν τετραγώνοις, καὶ τῷ διπλασίῳ τῶν μερῶν ὀπιπώδω.

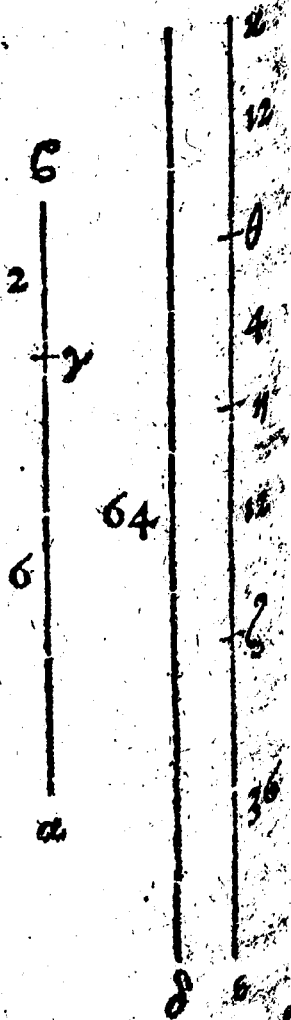
Εκθεσις.) Αριθμός γὰρ ὁ  $\bar{a}\beta$ , διαιρεθῶ εἰς δύο ἀριθμούς  $\bar{a}\gamma$ ,  $\gamma\beta$ .

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ ἀπὸ τῶν  $\bar{a}\beta$ , τετραγώνος.

ἴσος  $\odot$  ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν  $\bar{a}\gamma$ ,  $\gamma\beta$  τετραγώνοις, καὶ τῷ διπλασίῳ τῶν  $\bar{a}\gamma$ ,  $\gamma\beta$  ὀπιπώδω. (Καλασκαδὴ.)

Εἶπω γὰρ ἀπὸ μὲν τῶν  $\bar{a}\beta$  τετραγώνων  $\odot$  ὁ δὲ ἀπὸ δὲ τοῦ  $\bar{a}\gamma$ , ὁ εἶς: ἀπὸ δὲ τῶν  $\gamma\beta$ , ὁ ἑπτά: ἐκ δὲ τῶν  $\bar{a}\gamma$ ,  $\gamma\beta$  ἐκάτερος τῶν ζή, θκ.

(Απόδειξις.) Επεὶ τοίνυν ὁ  $\bar{a}\gamma$ , ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ἐποίησε τὸν εἶς: ὁ ἄρα  $\bar{a}\gamma$ , μετρεῖ τὸν εἶς, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας



Propositio IIII. Theorema.

**S**i numerus aliquis in duos numeros diuisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est quadratis partium: & numero plano, qui generatur, atq; fit ex multiplicatione partium bis facta.

*Exegetis.* Sit enim numerus  $\alpha\beta$ , qui diuidatur in duos numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . ( $\Delta\iota\omicron\epsilon\iota\sigma\mu\omicron\varsigma$ .) Dico quod quadratus numerus totius  $\alpha\beta$  numeri: æqualis sit quadratis partium, seu numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : & numero plano facta ex multiplicatione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  bis repetita. ( $\kappa\alpha\tau\alpha\omicron\nu$ .) Fiat itaq; quadratus numerus ex multiplicatione totius numeri  $\alpha\beta$  in seipsum, et sit numerus  $\delta$ . deinde fiant etiã quadrati numeri ex multiplicatione  $\alpha\gamma$  in seipsum numerus  $\epsilon\zeta$ : et ex multiplicatione  $\gamma\beta$  in seipsum numerus  $\eta\theta$ . deniq; ex multiplicatione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  fiat vterq; numerus planus  $\zeta\eta$ ,  $\theta\alpha$ . ( $\text{Α} \omega\delta\epsilon\iota\chi\iota\varsigma$ .) Cum itaq; numerus  $\alpha\gamma$  multiplicando seipsum produxerit numerum  $\epsilon\zeta$ , idcirco  $\alpha\gamma$  numerus, metitur numerum  $\epsilon\zeta$  iuxta unitates quæ sunt in seipso. cum etiam  $\gamma\beta$  numerus, multiplicauerit nu-

μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γβ, τὸν γα πολλὰ  
 πλάσιάσας ἐποίησε τὸν ζή: μετρεῖ ἄρα τὸν  
 ζή, ὁ αγ, καὶ αὐτὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἐμέτρε  
 δὲ καὶ τὸν εζ, καὶ τὰς ἐν αὐτῷ. ὅλον ἄρα τὸν  
 εη, μετρεῖ ὁ αγ, καὶ τὰς ἐν τῷ αβ μονάδας.  
 ὁ ἄρα αβ πολλαπλασιάσας τὸν αγ, ἐποίη  
 σε τὸν εη. ὁ εη ἄρα ὀπίπεδον ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν  
 βα, αγ. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι καὶ ὁ ηκ ὀπί  
 πεδον ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν αβ, βγ. ἔστιν ἄρα  
 αβ τετράγωνον ὁ δ. εἰάν δὲ δριθμὸς διατρε  
 θῇ εἰς δύο δριθμοὺς, ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων τετράγωνον  
 ἔσται: ἴσος ἐστὶ δύοσι τοῖς ἐκ τῶν ὅλων, καὶ ἑκατέρ  
 ων τῶν μερῶν ὀπιπέδοις. ἴσος ἄρα ὁ δ, τῶν  
 ἀλλὰ μὴν ὁ εκ, συγκείμεν ἐστὶν ἐκ τῶν  
 ἀπὸ τῶν αγ, γβ τετραγώνων: καὶ τοῦ  
 ἐκ τῶν αγ, γβ ὀπιπέδου. ὁ δὲ δ, ἐκ τῶν  
 ὁ ἀπὸ τοῦ αβ τετράγωνον. ὁ ἄρα ἀπὸ  
 αβ τετράγωνος: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν αγ,  
 γβ τετραγώνοις, καὶ τῷ διῷ ἐκ τῶν αγ, γβ  
 ὀπιπέδῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα δριθ  
 μὸς, διατρεθῇ εἰς δύο δριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων  
 τετράγωνον: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν τετ  
 ραγώνοις: καὶ τῷ διῷ ἐκ τῶν μερῶν ὀπιπέδῳ.  
 εἰς δὲ δεῖξαι.

numerum  $\gamma\alpha$ , & produxerit numerum  $\zeta\eta$ .  
 Ergo  $\alpha\gamma$  numerus, metitur numerum  $\epsilon\eta$  pe-  
 nes unitates quæ sunt in numero  $\gamma\beta$ . Verum  
 antea metiebatur etiam numerum  $\epsilon\zeta$ , per u-  
 nitates quæ sunt in numero  $\alpha\zeta$ , & propterea  
 numerus  $\alpha\zeta$ , multiplicans numerum  $\alpha\gamma$ , pro-  
 duxit numerum  $\epsilon\eta$ , eamq; ob causam nume-  
 rus  $\epsilon\eta$ , est numerus planus factus ex multiplicatione  
 numerorum  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ . Simili modo demonstrabimus,  
 quod numerus  $\eta\alpha$  sit planus factus ex multiplicatio-  
 ne numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ . Præterea numerus  $\delta$ , est qua-  
 dratus numeri  $\alpha\beta$ . quod si verò numerus aliquis di-  
 uisus fuerit in duos numeros: quadratus totius nume-  
 ri æqualis est duobus numeris planis, qui ex multi-  
 plicatione totius & utrarumq; partium fiunt. quare  
 numerus  $\delta$  quadratus, æqualis est numero  $\epsilon\eta$  plano.  
 Verum numerus  $\epsilon\eta$ , compositus est ex quadratis nu-  
 merorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : & numero plano, qui ex multiplica-  
 tione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  bis facta producitur: nume-  
 rus verò  $\delta$  quadratus totius numeri  $\alpha\beta$ . Quare nu-  
 merus quadratus factus ex multiplicatione numeri  
 $\alpha\beta$  in seipsum: æqualis est quadratis numeris, nume-  
 rorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  partium: & numero plano ex multipli-  
 catione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  bis facta, producto. (Con-  
 clusio) Si igitur numerus aliquis in duos numeros di-  
 uisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est  
 quadratis partium: & numero plano ex multiplica-  
 tione partium bis facta producto. quod demonstrandum  
 erat.

Πρότασις ε. θεώρημα.

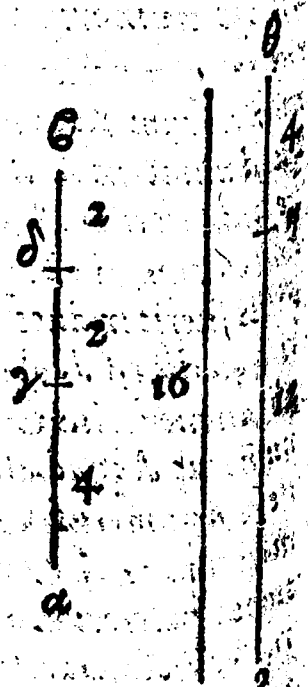
Εάν ἄρτιο δριθμὸς δίχα διαρρεθῇ: διαρρεθῇ δὲ καὶ εἰς ἀνίσχες δριθμὸς: ὁ σκ τῶν ἀνίσχων μερῶν ἴππεδον, μετὰ τῶν ἀπὸ τοῦ μεταξὺ τετραγώνου: ἴσους εἰς τὰ ἀπὸ τῶν ἡμῶν τετραγώνων.

Εκθεσις.) Εἰς ἄρτιος δριθμὸς ὁ αβ: Ἐδιηρηθὼν δίχα μὲν εἰς στὸν αγ, γβ: ἀνίσχῃ δὲ εἰς στὸν αδ, δβ.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ ἀπὸ τῶν γβ τετράγωνον ἴσους εἰς τὰ σκ τῶν αδ, δβ ἴππεδον, μὲν τοῦ ἀπὸ τῶν γδ τετραγώνου. (Κατασκευή.)

Εἰς ἄρτιος μὲν τῶν γβ τετράγωνον ὁ ε: σκ δὲ τῶν αδ, δβ ἴππεδον ὁ ζη. ἀπὸ δὲ τῶν δγ τετράγωνον ὁ ηθ.

(Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ βγ ἀριθμὸς διηρηται εἰς δύο ἀριθμοὺς στὸν βδ, δγ. εἰς ἄρτιος ὁ ἀπὸ τῶν βγ τετράγωνον, τῶν εἰς ὁ εἰς τὸν ποῖς ἀπὸ τῶν βδ, δγ τετραγώνοις, μετὰ τοῦ



Propositio V. Theorema.

**S**i numerus aliquis par, diuisus fuerit in duas partes æquales: deinde idem numerus rursus diuidatur in partes inæquales: numerus planus qui fit ex multiplicatione partium inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidij numeri.

Ex Geom.) Sit enim  $\alpha\beta$  numerus par, diuisus in duos æquales numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : & in duos numeros inæquales  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$ . ( $\Delta\iota\omicron\epsilon\tau\omicron\pi\epsilon\omicron\varsigma$ .) Dico quod quadratus numerus, qui fit ex multiplicatione dimidij numeri  $\gamma\beta$  in seipsum: æqualis sit numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  inæqualium: & quadrato numeri  $\gamma\delta$  interpositi. ( $\kappa\alpha\lambda\alpha\sigma\tau\iota$ .)

Fiat quadratus numerus ex multiplicatione numeri  $\gamma\beta$  dimidij in seipsum, & sit numerus  $\epsilon$ . Planus verò ex multiplicatione  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  numerorum inæqualium, numerus  $\zeta\eta$ : denique numeri  $\delta\gamma$  intercepti, fiat quadratus numerus  $\theta\delta$ . ( $\kappa\tau\omicron\delta\epsilon\lambda\epsilon\iota\varsigma$ .) Quoniam numerus  $\beta\gamma$  diuisus est in  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$  numeros, idcirco quadratus numeri  $\beta\gamma$ : hoc est numerus  $\epsilon$ , æqualis est quadratis numerorum  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$ : & numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$  bis facta. ( $\kappa\alpha\tau\alpha\sigma\kappa\epsilon\upsilon\eta\ \&\ \alpha\pi\omicron\delta\epsilon\lambda\epsilon\iota\varsigma$ .)

δις ἐκ τῶν βδ, δγ. (Κατασκευῇ τ' ἀποδεί-  
 ξεως.) Εἰς ἃν ἀπὸ μν' τῷ βδ τετράγωνος  
 ὁ κλ: ἀπὸ δὲ τοῦ δγ ὁ νξ. ἐκ δὲ τῶν βδ, δγ  
 ἑκάτερος τῶν λμ, μν. ὅλ' ἄρα ὁ κξ ἴσος  
 ἐστὶ τῷ ε. Καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἐαυτὸν πολλαπλασιά-  
 σαις ἐποίησε τὸν κλ: μετρεῖ ἄρα αὐτὸν, κατὰ  
 τὰς ἐν ἐαυτῷ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ,  
 τὸν δβ πολλαπλασιάσας τὸν λμ ἐποίησε. ὁ ἄ-  
 ρα δβ μετρεῖ τὸν λμ, καὶ τὰς ἐν τῷ γδ μο-  
 νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν κλ, κατὰ τὰς ἐν  
 αὐτῷ μονάδας: ὅλον ἄρα τὸ κμ μετρεῖ ὁ δβ,  
 κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἴσος δὲ ὁ γβ τῷ  
 γα ὁ ἄρα δβ, μετρεῖ τὸν κμ κατὰ τὰς ἐν τῷ  
 γα μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ πολλαπλα-  
 σιάσας, τὸν δβ ἐποίησε τὸν μν. ὁ ἄρα δβ, με-  
 τρεῖ τὸν μν, καὶ τὰς ἐν τῷ δγ μονάδας, ἐμέ-  
 τρει δὲ καὶ τὸν κμ, κατὰ τὰς ἐν τῷ αγ μονά-  
 δας. ὅλον ἄρα τὸν κν μετρεῖ ὁ βδ, καὶ τὰς ἐν  
 τῷ αδ μονάδας. ἐποκίπται γδ. ἴσος ἄρα ἐστὶ  
 ὁ ζη, τῷ κν. οἱ γδ τῷ αὐτῷ ἴσους πολλαπλα-  
 σίας, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ θ. τῷ βδ  
 ἴσος. ἑκάτερος γδ ἐποκίπται ἀπὸ τῷ γδ τε-  
 τράγωνος. ὅλ' ἄρα ὁ κξ, ὅλον τῷ ζθ ἴσος  
 ἐστίν.

Sit igitur quadratus numeri  $\beta\delta$ , numerus  $\kappa\lambda$ : numeri vero  $\delta\gamma$ , sit quadratus numerus  $\nu\zeta$ : denique ex multiplicatione numerorum  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$ : fiat uterque numerus  $\mu\epsilon$ ,  $\nu\zeta$ . Itaque totus numerus  $\kappa\zeta$ , equalis est numero  $\mu\epsilon$ . Quoniam nunc numerus  $\beta\delta$  multiplicando seipsum, produxit numerum  $\kappa\lambda$ : idcirco metitur eum per unitates, quae sunt in seipso. praeterea cum numerus  $\gamma\delta$ , multiplicans numerum  $\delta\beta$ , produxerit numerum  $\mu\epsilon$ : eam ob causam  $\delta\beta$  numerus metitur etiam numerum  $\kappa\lambda$ , penes unitates quae sunt in numero  $\gamma\delta$ . Verum antea metiebatur quoque numerum  $\kappa\lambda$  per unitates quae in seipso sunt. Quare numerus  $\delta\beta$ , metitur totum numerum  $\kappa\lambda$  iuxta unitates, quae sunt in numero  $\gamma\delta$ . Sed numerus  $\gamma\delta$  equalis est numero  $\nu\zeta$ . Numerus igitur  $\delta\beta$ , numerum  $\kappa\lambda$  metitur per unitates, quae sunt in numero  $\nu\zeta$ . Rursus quoniam numerus  $\gamma\delta$ , multiplicando numerum  $\delta\beta$ , produxit numerum  $\mu\epsilon$ : idcirco  $\delta\beta$  numerus, metitur numerum  $\mu\epsilon$ , per unitates quae sunt in numero  $\gamma\delta$ . Verum antea metiebatur numerum  $\kappa\lambda$ , iuxta unitates, quae sunt in numero  $\alpha\gamma$ . Numerus igitur  $\beta\delta$  metitur totum numerum  $\mu\epsilon$ , per unitates quae sunt in numero  $\alpha\delta$ . illud enim est propositum. Quare numerus  $\beta\delta$ , equalis est numero  $\kappa\zeta$ . nam numeri qui eiusdem sunt equaliter multiplices aequales inter se sunt: sed numerus  $\eta\theta$ , est equalis numero  $\nu\zeta$ , nam uterque proponitur esse quadratus numeri  $\gamma\delta$ . totus itaque  $\kappa\zeta$ , toto  $\eta\theta$  equalis est. verum  
nume-

ἔστιν. ἐστὶ δὲ καὶ τὰ ἐὼς καὶ ἴσους. καὶ ὁ ζθ ἄρα τὰ  
 ἴσους ἐστὶ. καὶ ἔστιν ὁ μὲν ζθ, ὁ ἐκ τῶν αδ, δβ  
 ὀπίπεδος: μὲν τὰ ἀπὸ ζδ γ τετραγώνου. ὁ δὲ  
 ε, ὁ ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνου. ὁ ἄρα ἐκ τῶν αδ,  
 δβ ὀπίπεδος, μὲν τὰ ἀπὸ τοῦ δγ τετραγώνου,  
 ἴσους ἐστὶ τὰ ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνου.  
 (Συμπέρασμα.) Εἰ ἄρα ἀριθμὸς  
 διαιρεθῇ δίχα: διαιρεθῇ δὲ εἰς ἀνίσους ἀριθ-  
 μούς: ὁ ἐκ τῶν ἀνίσων μερῶν ὀπίπεδος: με-  
 τὰ τὰ ἀπὸ τοῦ μετὰ γ τετραγώνου: ἴσους ἐστὶ  
 τὰ ἀπὸ τῶν ἡμισέων τετραγώνων. ὅπως εἶδει  
 δεῖξαι.

Πρότασις 5. Θεώρημα.

Εἰ ἄριθμὸς ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα: πε-  
 ραιθῇ δὲ πρὸς αὐτῷ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου, ὡς πρὸς  
 προσκεμένῳ: καὶ εἰ προσκεμένον ὀπίπεδος,  
 μετὰ τὰ ἀπὸ τοῦ ἡμισέων τετραγώνου: ἴσους  
 ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν συγκεimenῶν, ἐκ τοῦ ἡμισέ-  
 ος, καὶ τοῦ προσκεimenῶν τετραγώνων.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ ἀριθμὸς ὁ αβ, διηρη-  
 θῇ

numero  $\epsilon$ , æqualis est numerus  $\kappa\zeta$ . Ergo &  
 $\zeta\theta$  numerus æqualis est numero  $\epsilon$ , & nūme-  
 rus  $\zeta\theta$  est numerus planus, ex multiplicatio-  
 ne numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  factus: cum quadrato  
 numeri  $\delta\gamma$ . numerus verò  $\epsilon$  quadratus nume-  
 ri  $\gamma\beta$ . (Συμπλόκμα.) Quare planus nu-  
 merus factus ex multiplicatione numerorum  
 $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  inæqualium cum quadrato numeri  $\delta\gamma$   
 intercepti: æqualis est quadrato numeri  $\gamma\beta$   
 dimidij. Si itaq; numerus par diuisus fuerit  
 in partes duas æquales: & idem rursus in par-  
 tes diuidatur inæquales: numerus planus, qui  
 fit ex multiplicatione partium inæqualium,  
 cum quadrato numeri interpositi: æqualis est  
 quadrato dimidij numeri. Quod erat demon-  
 strandum.

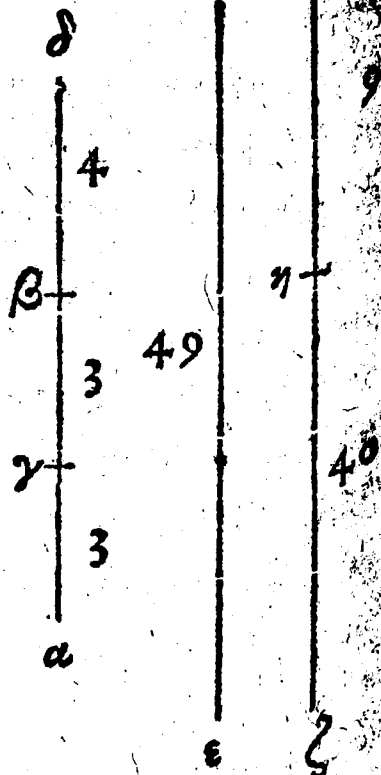
Propositio VI. Theorema.

SI numerus par, diuisus fuerit in duos nu-  
 meros æquales, & adijciatur ei aliquis ali-  
 us numerus: tum planus numerus, qui fit ex  
 multiplicatione numeri totius cum adiecto,  
 & numeri adiecti, vnà cum quadrato dimi-  
 dij numeri: æqualis est quadrato, numeri ex  
 dimidio & numero adiecto compositi.

Ex theor. 5.) Par enim numerus  $\alpha\beta$ , diuida-  
 tur in

ὁὠ δίχα εἰς αὐτῶν ἄγ,  
 γβ δειθμὸς καὶ περ-  
 σκείσθω αὐτῶν ἐπερὸς  
 πρὸς ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διο-  
 ρισμὸς.) Λέγω ὅτι ὁ  
 ἐκ τῶν αδ, δβ δὴ πῆ-  
 πεδ  $\odot$ , μὲν τοῦ ἀπὸ  
 τοῦ γβ τετραγώνου·  
 ἴσος ἐστὶ τῶν ἀπὸ τοῦ  
 γδ τετραγώνου. (Κά-  
 πσοκλή.) Εἰσω γὰρ ἀ-  
 πὸ μὲν τῶν γδ τετρά-  
 γων  $\odot$  ὅε, ἐκ δὲ τῶν  
 αδ, δβ δὴ πῆ πεδ  $\odot$  ὁ

ζη: ἀπὸ δὲ τοῦ γβ τετραγώνου ὁ ηθ. (Απὸ  
 δειξίς.) Καὶ ἐπειὶ ὁ ἀπὸ τῶν γδ, ἴσος  $\odot$  ἐστὶ τῶν  
 ἀπὸ τῶν δβ, βγ: μετὰ τῶν δὴς ἐκ τῶν δβ,  
 βγ. εἰσω ἀπὸ μὲν τῶν βδ ὁ κλ: ἐκ δὲ τῶν δβ,  
 βγ, ἐκάπερ  $\odot$  τῶν λμ, μν: ἀπὸ δὲ τῶν βγ  
 νξ. ὅλ  $\odot$  ἄρα ὁ κξ, ἴσος ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν γδ  
 τετραγώνου. καὶ ἐστὶν ἀπὸ τῶν γδ τετραγώνου  
 ὁ ε. ὁ ἄρα κξ: ἴσος ἐστὶ τῶν ε. καὶ ἐπειὶ ὁ βδ εἰς  
 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν κλ πεποίηκε.  
 ὁ ἄρα βδ, μετρεῖ τὸν κλ, καὶ αὐτὰς ἐν ἑαυτῶν



etur in duos numeros æquales  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ : eiq; ad-  
ijciatur alius numerus  $\beta\delta$ . ( $\Delta\iota\omicron\epsilon\iota\sigma\mu\omicron\varsigma$ .) Di-  
co quòd numerus planus, ex multiplicatione  
numeratorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  factus, cum quadrato nu-  
meri  $\gamma\beta$ : æqualis sit quadrato numeri  $\gamma\delta$ .  
( $\text{Κατασκευή.}$ ) Sit enim quadratus numerus  
numeri  $\gamma\delta$ , numerus  $\epsilon$ : planus vero ex nu-  
merorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$  multiplicatione factus, nu-  
merus  $\zeta\eta$ : deniq; quadratus numeri  $\gamma\epsilon$ , nu-  
merus  $\eta\theta$ . ( $\text{Απόδειξις.}$ ) Quoniam quadratus  
numeri  $\gamma\delta$ , æqualis est quadrato numerorum  
 $\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\gamma$ , cum plano numero, qui fit ex multi-  
plicatione numerorum  $\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\gamma$  bis facta. sit  
quadratus numeri  $\epsilon\delta$ , numerus  $\kappa\lambda$ : plani ve-  
rò ex multiplicatione numerorum  $\delta\beta$ ,  $\epsilon\gamma$  bis  
facta, vterq; numerorum  $\lambda\mu$ ,  $\mu\nu$ . quadratus  
deniq; numeri  $\beta\gamma$  numerus  $\nu\xi$ . Totus igitur  
 $\kappa\xi$ , æqualis erit quadrato numeri  $\gamma\delta$ . sed  
quadratus numeri  $\gamma\delta$  est numerus  $\epsilon$ . Ergo  
numerus  $\kappa\xi$ , æqualis est numero  $\epsilon$ . Et cū nu-  
merus  $\beta\delta$  multiplicando seipsum, produxe-  
rit numerum  $\kappa\lambda$ . ergo numerus  $\beta\delta$  metitur  
numerum  $\kappa\lambda$ , iuxta unitates, quæ in seipso  
sunt.

μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν λμ, κτ̄ τὰς ἐν τῷ  
 γβ μονάδας. ὅλον ἄρα τὸν κμ μετρεῖ ὁ δβ,  
 κτ̄ τὰς ἐν τῷ γδ μονάδας. καὶ ἐπεὶ ὁ δβ με-  
 τρεῖ ἑτὸν μν, κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας  
 ἴσθι δὲ ὁ γβ, τῷ γα, ὑπόκειται γδ. ὅλον ἄ-  
 ρα τὸν κν, μετρεῖ ὁ δβ, κτ̄ τὰς ἐν τῷ αδ̄ μο-  
 νάδας. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν ζη μετρεῖ ὁ δβ, κα-  
 τὰ τὰς ἐν τῷ αδ̄ μονάδας, ὑπόκειται γὰρ  
 ὁ ζη ἐκ τῶν αδ̄, δβ. ἴσθι ἄρα ὁ ζη, τῷ κν.  
 ἐστὶ δὲ καὶ ὁ θῆ τῷ νζῖσος. ἐκάπερ ἴσθι γὰρ ἐστὶν  
 ὁ ἀπὸ τῷ γβ τετραγώνῳ. ὅλος ἄρα ὁ ζθ  
 τῷ κζ ἐστὶν ἴσθι. ὁ δὲ κζ ἀπεδείχθη τῷ εϛ  
 σθ: καὶ ὁ ζθ ἄρα τῷ εἰσος ἐστὶ. καὶ ἐστὶν ὁ μδ  
 ζθ: ὁ ἐκ τῶν αδ̄, δβ, μτ̄ τῷ ἀπὸ τοῦ γβ τε-  
 τραγώνῳ. ὁ δὲ ε, ὁ ἀπὸ τῷ γδ. ὁ ἄρα ἐκ τῶν  
 αδ̄, δβ, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ γβ: ἴσθι ἐστὶ τῷ ἀ-  
 πὸ τοῦ γδ τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.)  
 Εάν ἄρα ἀριθμὸς διαιρεθῇ δίχα  
 προστεθῇ δὲ τις αὐτῷ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου (ὡς τῷ  
 προσκειμένῳ, καὶ τῷ προσκείμενῳ) ἡμίσεος  
 μτ̄ τῷ ἀπὸ τῷ ἡμίσεος τετραγώνῳ: ἴσθι ἐστὶ  
 τῷ ἀπὸ τῷ συγκεκλιμένῳ, ἐκτὸς τῷ ἡμίσεος, καὶ  
 τῷ προσκείμενῳ τετραγώνῳ. ὅπως ἐδὲ δείξαι.

Πρόσπα

sunt. verum metitur etiam numerum  $\alpha\mu$  per unitates  
 quæ sunt in  $\gamma\beta$  numero. quare numerus  $\alpha\beta$  totum nu-  
 merum  $\alpha\mu$  metitur penes unitates, quæ sunt in nu-  
 mero  $\gamma\delta$ . sed & numerus  $\alpha\beta$ , metitur numerum  $\alpha\mu$  per  
 unitates quæ sunt in numero  $\gamma\beta$ : & numerus  $\gamma\beta$ , est  
 equalis numero  $\gamma\alpha$ . illud enim proponitur. Ergo nu-  
 merus  $\alpha\beta$ , totum numerum  $\alpha\mu$  metitur iuxta unita-  
 tes quæ sunt in numero  $\alpha\delta$ . verum numerus  $\alpha\beta$  me-  
 titur etiam numerum  $\gamma\mu$  per unitates quæ sunt in nu-  
 mero  $\alpha\delta$ : quia proponitur numerum  $\gamma\mu$ , esse planum  
 ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ .  $\alpha\beta$  factum. Qua-  
 re numerus  $\gamma\mu$  erit equalis numero  $\alpha\mu$ . sed & numerus  
 etiam est equalis numero  $\gamma\delta$ . quia uterq; est nume-  
 rus quadratus numeri  $\gamma\beta$ . Totus igitur  $\gamma\theta$  numerus,  
 equalis est  $\alpha\gamma$  numero: &  $\alpha\gamma$  numerus, demonstratus  
 est equalis esse numero  $\epsilon$ . Itaq;  $\gamma\theta$  numerus etiam erit  
 equalis numero  $\epsilon$ , & numerus  $\gamma\theta$  est numerus pla-  
 nus, ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\alpha\beta$  factus:  
 cum quadrato numeri  $\beta\gamma$ : numerus vero  $\epsilon$ , quadra-  
 tus numeri  $\gamma\delta$ . Quare numerus planus, ex multipli-  
 catione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\alpha\beta$ , cum quadrato numeri  
 $\gamma\beta$ : equalis est quadrato numeri  $\gamma\delta$ . (Συμπέρασμα.)  
 Si igitur numerus par, diuisus fuerit in duos nu-  
 meros æquales, & adijciatur ei aliquis alius nume-  
 rus, tum numerus planus, qui fit ex multiplicatione  
 totius numeri cum adiecto, & numeri adiecti, vnà  
 cum quadrato dimidij numeri: equalis est quadrato  
 numeri compositi ex dimidio, & adiecto. Quod de-  
 monstrandum erat.

## Πρότασις ζ. θεώρημα.

Εάν ἀριθμὸς διαρρεθῇ, εἰς δύο ἀριθμοὺς ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων τετραγώνων, μὲν τῶν ἀφ' ἑνὸς τῶν μερῶν τετραγώνος ἴσος ἐστὶ τῷ ὅλῳ ἐκ τοῦ ὅλου, καὶ τῶν εἰρημένων μερῶν, ὅπως δὴ, μὲν τῶν ἀπὸ τῶν λοιπῶν μερῶν τετραγώνων.

|   |                              |                           |
|---|------------------------------|---------------------------|
| 6 | 8                            | 64 quad: totius αβ.       |
|   | 8                            | 25 quad: partis αγ.       |
|   | <hr/>                        | <hr/>                     |
| 3 | 64 quad: totius.             | 89.                       |
|   | 5                            | 80 planus bis facta.      |
|   | 5                            | 9 quad: reliq: partis βγ. |
| γ | <hr/>                        | <hr/>                     |
|   | 25 quad: partis.             | 89.                       |
|   | 8                            | 8                         |
|   | 5                            | 5                         |
| 5 | <hr/>                        | <hr/>                     |
|   | 40                           | 40                        |
|   | 80 planus bis facta multipl. |                           |
|   | 3                            |                           |
|   | 3                            |                           |
| α | <hr/>                        |                           |
|   | 9 quad: reliq: part:         |                           |

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ αβ, διηρέσθω εἰς τοὺς αγ, γβ ἀριθμοὺς. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ

Propositio VII. Theorema.

Si numerus aliquis diuidatur in duos numeros; quadratus numeri totius cū quadrato vnius partis: æqualis est numero plano, ex multiplicatione totius numeri, & predictæ partis bis facta, cum quadrato partis reliquæ.

|   |                                |                           |
|---|--------------------------------|---------------------------|
| 6 | 8                              | 64 quad: totius αβ.       |
| 3 | 8                              | 25 quad: partis αγ.       |
|   | 64 quad: totius.               | 89.                       |
| 2 | 5                              | 80 planus bis facta.      |
|   | 5                              | 9 quad: reliq: partis βγ. |
|   | 25 quad: partis.               | 89.                       |
| 5 | 8                              |                           |
|   | 5                              |                           |
|   | 40                             | 40                        |
|   | } 80 planus bis facta multipl. |                           |
| 2 | 3                              |                           |
|   | 3                              |                           |
|   | 9 quad: reliqu: part.          |                           |

Ex Θεωρ. Numerus αβ, diuidatur in numeros αγ, γβ. (Διορισμός.) Dico quod numeri

οἱ ἀπὸ τῶν βᾶ, ᾠ τετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶν τῶν  
 δις ἐκ τῶν βᾶ, ᾠ ὀπιπένω, μὲ τοῦ ᾠ  
 τῆ βγ τετραγώνου. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ  
 ὁ ἀπὸ τῆ ᾠβ τετράγωνος, ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ  
 τῶν βγ, γα, καὶ τῶν δις ἐκ τῶν βγ, γα. κρι-  
 νὸς προσκείτω ὁ ἀπὸ τῆ ᾠ τετράγωνος.  
 ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ βᾶ, μετὰ τῆ ἀπὸ ῥ ᾠ: ἴσος  
 ἐστὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῆ ᾠ τετραγώνοις. καὶ ἐν  
 τῷ ἀπὸ τοῦ γβ, μὲ τῆ δις ἐκ τῶν βγ, γα.  
 καὶ ἐπεὶ ἅπαξ ἐκ τῶν βᾶ, ᾠ: ἴσος ἐστὶ τῷ  
 ἅπαξ ἐκ τῶν βγ, γα, μὲ τῆ ἀπὸ τοῦ γᾠ τε-  
 τραγώνου. ὁ ἄρα δις ἐκ τῶν βᾶ, ᾠ: ἴσος ἐστὶ  
 τῷ δις ἐκ τῶν βγ, γα, μετὰ δύο τῶν ἀπὸ  
 τῆ γα τετραγώνων. κρινὸς προσκείτω ὁ ἀ-  
 πὸ τῆ βγ τετράγωνος. δύο ἄρα τετράγω-  
 νοι ἀπὸ τῆ ᾠ: καὶ εἷς ἀπὸ τῆ γβ, μετὰ τῆ  
 δις ἐκ τῶν βγ, γα: ἴσοι εἰσὶν τῷ δις ἐκ τῶν  
 βᾶ, ᾠ μὲ τῆ ἀπὸ ῥ γβ. ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ ᾠβ  
 τετράγωνος, μὲ τῆ ἀπὸ τῆ ᾠ τετραγώ-  
 νου: ἴσος ἐστὶ τῷ δις ἐκ τῶν βᾶ, ᾠ, μετὰ τοῦ  
 ἀπὸ τῆ λοιπῆς γβ μέρους τετραγώνου. (Συμ-  
 πέρασμα.) Ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς διαιρεθῇ εἰς  
 δύο ἀριθμούς: ὁ ἀπὸ τῆ ὅλης τετράγωνος,  
 μὲ

meri quadrati numerorum  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ : æquales  
 sint numero plano, ex multiplicatione nume-  
 rorum  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  bis facta, cum quadrato nume-  
 ri  $\beta\gamma$ . (Απόδειξις.) Cum enim quadratus  
 numeri  $\alpha\beta$ , sit æqualis quadratis numerorum  
 $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$ , & numero plano ex multiplicatione numerorū  
 $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  bis facta: communis addatur quadratus numeri  
 $\alpha\gamma$ . Ergo quadratus numeri  $\alpha\beta$ , cum quadrato numeri  
 $\alpha\gamma$ : æqualis est duobus quadratis numeri  $\alpha\gamma$ , & vno  
 quadrato numeri  $\gamma\beta$ : cum numero plano, ex multipli-  
 catione numerorum  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  bis facta. Quoniam verò  
 numerus planus, ex multiplicatione  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  numero-  
 rum semel facta: æqualis est numero plano ex multis  
 plicatione  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  semel facta, vnà cum quadrato  $\gamma\alpha$ .  
 numerus itaq; ex multiplicatione  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  bis facta: æ-  
 qualis erit numero ex multiplicatione  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  bis facta:  
 cum duobus quadratis numeri  $\gamma\alpha$ . Communis ad-  
 datur quadratus numerus  $\beta\gamma$ . ergo duo quadrati nu-  
 meri  $\alpha\gamma$ , & vnus quadratus numeri  $\gamma\beta$ : cum numero  
 plano, ex multiplicatione  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  bis facta: sunt æqua-  
 les numero plano, ex numerorum  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  multiplica-  
 tione bis facta, cum quadrato numeri  $\gamma\beta$ . Quare qua-  
 dratus numeri  $\alpha\beta$ , cum quadrato numeri  $\alpha\gamma$ : est æqua-  
 lis numero plano, ex multiplicatione  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  numero-  
 rum bis facta cū quadrato numeri  $\gamma\beta$ . (Ευκρίσιν.)  
 Si igitur numerus aliquis diuidatur in duos numeros:  
 quadratus totius numeri, cum quadrato huius par-  
 tis:

μὴ τῷ ἅφ' ἑνὸς τῶν μερῶν τετραγώνου: ἴσθ' ἐστὶ τῷ δὲ ἐκ τῶν ὅλων, καὶ τοῦ εἰρημένου μέρους ὁππῶς δὲ, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέρους τετραγώνου. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότασις η. Γεώρημα.

**Ε**Αν ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαιρεθῇ: ὁ τετράκις ἐκ τοῦ ὅλου, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν ὁππῶς δὲ, μὴ τῷ ἀπὸ τῶν λοιπῶν μέρους τετραγώνου: ἴσθ' ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῶν ὅλων, καὶ τοῦ προσημμένου μέρους ὡς ἅφ' ἑνὸς τετραγώνου.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ αβ, διηρηθὼν εἰς δύο ἀριθμοὺς σὺν αγ, γβ. (Διορισμὸς.) Ἄνω γὰρ ὁππὶ τετράκις ἐκ τῶν αβ, βγ, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῶν αγ τετραγώνου: ἴσθ' ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῶν αβ, βγ ὡς ἅφ' ἑνὸς τετραγώνου. (Κατασκευὴ) Κεῖσθαι γὰρ τῷ βγ, ἀριθμῷ, ἴσος ὁ βδ. (Ἀπόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῶν αδ, ἴσθ' ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν αβ, βδ τετραγώνοις: καὶ τῷ δὲ ἐκ τῶν αβ, βδ ὁππῶς δὲ: καὶ ἐστὶν ὁ βδ ἴσθ' τῷ βγ. ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῶν αδ τετραγώνου, ἴσθ' τοῖς ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετραγώνοις: καὶ τῷ δὲ ἐκ τῶν αβ, βγ ὁππῶς δὲ. τὰ δὲ ἀπὸ τῶν

partis: æqualis est numero plano ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato reliquæ partis. quod erat demonstrandum.

Propositio VIII. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros: unus planus numerus, ex multiplicatione totius, & vnius partis quater facta, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis tanquam esset quadratus vnius numeri.

Ex 9. 10. 15.) Numerus enim  $\alpha\beta$ , diuidatur in duos numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . ( $\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\omicron\sigma\mu\omicron\varsigma$ ) Dico quod numerus planus, ex multiplicatione numerorum,  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  quater facta, cum quadrato numeri  $\alpha\gamma$ : æqualis sit quadrato numeri  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  tanquam vnius esset numeri quadratus. ( $\kappa\alpha\tau\alpha\lambda\omicron\kappa\tau\omicron\upsilon\eta$ .) Fiat enim numero  $\beta\gamma$ , æqualis numerus  $\beta\delta$ . ( $\Lambda\pi\omicron\delta\epsilon\lambda\epsilon\gamma\iota\varsigma$ .) Quoniam nunc quadratus numeri  $\alpha\delta$ , æqualis est quadratis numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$ : & numero plano ex multiplicatione numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$  bis repetita. denique numerus  $\beta\delta$ , æqualis sit numero  $\beta\gamma$ . idcirco quadratus numeri  $\alpha\delta$ , æqualis est quadratis numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ , & numero plano ex multiplicatione numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  bis facta, & quadrato numeri  $\alpha\gamma$ . quadrata

104.

ΒΑΡΛΑΑΜ.

6

8 8 8 8

2 2 2 2

16 16 16 16

64 planus ex quater facta  
multiplicatione.

6

6

36 quad: reliq:

10

10

100 quad. totius &amp; part:

64

36

100 planus &amp; quad: reliq:

τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  τετράγωνα: ἴσα ἐστὶ τῷ  $\delta\epsilon$  ὅτι  
 τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  ὁπιδὲν καὶ τῷ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τε-  
 τραγώνῃ: εἰν ἄρα ὁ ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$  τετράγ-  
 νου, ἴσος τῷ τετράκισ ὅτι τῶν  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  ὁπ-  
 ιδὲν: καὶ τῷ ἀπὸ τῆς  $\alpha\gamma$  τετραγώνῃ. καὶ  
 εἰν ὁ ἀπὸ τῆς  $\alpha\delta$  τετράγνου, ὁ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$ ,  
 $\beta\gamma$ , ὡς ἂφ' ἐνός. ὁ γὰρ  $\beta\delta$ , ἴσος ἐστὶ τῷ  $\beta\gamma$   
 εἰν ἄρα ὁ ἀπὸ τῆς  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  ὡς ἂφ' ἐνός τῆς  
 τετράγνου

6  
2  
γ  
6  
α

$$\begin{array}{r} 8 \ 8 \ 8 \ 8 \\ 2 \ 2 \ 2 \ 2 \\ \hline 16 \ 16 \ 16 \ 16 \end{array}$$

64 planus ex quater facta multiplicatione.

$$\begin{array}{r} 6 \\ 6 \\ \hline 36 \text{ quad: reliq:} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ 10 \\ \hline 100 \text{ quad: totius \& partis.} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 64 \\ 36 \\ \hline 100 \text{ planus, \& quad: reliq:} \end{array}$$

autem numerorum αβ, βγ, sunt equalia numero plano ex multiplicatione numerorum αβ, βγ bis repetita, & quadrato numeri αγ. quare numerus quadratus numeri αδ, erit equalis numero plano ex multiplicatione numerorum αβ, βγ quater repetita, & quadrato numeri αγ. sed quadratus numeri αδ, est quadratus numerorum αβ, βγ, tanquam esset unus numerus. quia numerus βδ, est equalis numero βγ. Quare quadratus αβ, βγ numerorum, tanquam esset unus numeri quadratus, equalis est numero plano

τετράγωνον: ἴσον τῷ τετράκισ ἐκ τῶν αβ,  
βγ, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς αγ. (Συμπέρασμα.)  
Εὰν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο δριθμὺς διαιρεθῇ,  
ὁ τετράκισ ἐκ τῆς ὅλης, καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ἐ-  
πίπῃ ἐπὶ τῆς ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέρους τε-  
τραγώνου: ἴσον ἐπὶ τῷ ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τοῦ  
προσθημένου μέρους, ὡς αφ' ἐνὸς τετραγώνου.  
ὅπως εἶδη δ' αἰξαι.

Πρότασις θ. Θεώρημα.

Εἰν ἀριθμὸς διαιρεθῇ δίχα, ἐπὶ δὲ διαιρε-  
θῇ ἔτι εἰς ἀνίστους ἀριθμὺς: οἱ ἀπὸ τῶν ἀνί-  
στων δριθμῶν τετράγωνοι: διπλάσιοι εἰσὶ τῆς  
ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου, καὶ τῆς ἀπὸ τοῦ  
μεταξὺ τετραγώνου.

Εκθεσις.) Ἀρῶμεν γὰρ ἀριθμὸς ὁ αβ, δίχα  
διηρήσθω εἰς σδ καὶ αγ, γδ ἀριθμὺς: εἰς ἀνί-  
στους δὲ διηρήσθω σδ καὶ αδ, δβ. (Διορισμός.)  
Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν αδ, δβ τετράγωνοι: δι-  
πλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν αγ, γδ τετραγώ-  
νων. (Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ ἀρῶμεν ἀριθ-  
μὸς ὁ αβ, εἰς ἴσους μὲν δ' ἡρηται σδ καὶ αγ, γβ,  
εἰς ἀνίστους δὲ σδ καὶ αδ, δβ. ὁ ἄρα ἐκ τῶν αδ,  
δβ,

et multiplicatione numerorum  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$  quater repetita, & quadrato numeri  $\alpha\gamma$ . ( $\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\sigma\mu\alpha$ .) Si igitur numerus diuidatur in duos numeros: tum planus numerus qui fit ex multiplicatione totius, & vnius partis quater repetita, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis, tanquam esset quadratum vnius numeri. quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros æquales, atq; iterum in partes diuidatur inæquales: numeri quadrati numerorum inæqualium, dupli sunt quadrati eius, qui fit ex multiplicatione dimidij in seipsum, cum quadrato numeri inter ipsos intercepti.

Ex  $\theta\epsilon\omicron\iota\varsigma$ .) Numerus enim  $\alpha\beta$ , qui est par, diuidatur in numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ , æquales: & in numeros  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  inæquales. ( $\Delta\iota\omicron\sigma\iota\sigma\mu\omicron\varsigma$ .) Dico quod quadrati numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ , dupli sint quadratorum qui fiunt ex multiplicatione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  in se ipsos. ( $\text{Ἀπόδειξις}$ .) Cū enim numerus  $\alpha\beta$  sit numerus par, diuisus etiā sit in numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : æquales, & postea in  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  numeros inæquales. numerus itaq; planus ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  factus,

cum

|   |                   |                               |
|---|-------------------|-------------------------------|
| 6 | 8                 | 2                             |
| 2 | 8                 | 2                             |
| δ | 64 quad:          | 4 quad:                       |
| 3 | 64                |                               |
| γ | 4                 |                               |
|   | 68 quad: inæqual: |                               |
| 5 | 5                 | 68 (2.                        |
|   | 5                 | 34                            |
|   | 25 quad: dimidij. |                               |
|   | 3                 | 25                            |
|   | 3                 | 9                             |
| α | 9 qua: intercep:  | 34 quad: dimid: & intercepti. |

δβ, μζ τῷ ἀπὸ τῷ γδ: ἴσθ' ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τοῦ  
 ᾱγ πετραγώνω. ὁ δὲ ἄρα ἐκ τῶν ᾱδ, δβ,  
 μζ δύο τῶν ἀπὸ τῷ γδ πετραγώνων: διπλα-  
 σιᾶς ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ ᾱγ πετραγώνω. Καὶ  
 ἐπεὶ ὁ ᾱβ, δίχα διήρηται εἰς οὗτ' ᾱγ, γβ. ὁ ἄ-  
 ρα ἀπὸ τῷ ᾱβ, τετραγώνω: τετραπλασίου  
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ ᾱγ πετραγώνω. καὶ ἐπεὶ ὁ δὲ  
 ἐκ τῶν ᾱδ, δβ, μζ δύο τῶν ἀπὸ τῷ δγ: δι-  
 πλασιᾶς ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ γα. εἰὰν δὲ ὥσι δύο  
 ἄλλα.

cum quadrato numeri  $\delta\gamma$ : est æqualis quadrato numeri  $\alpha\gamma$ . Ergo numerus planus ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  bis facta cum duobus quadratis numeri  $\gamma\delta$ : duplus est quadrati numeri  $\alpha\gamma$ . Cum etiam  $\alpha\beta$  numerus sit diuisus in duos numeros  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  æquales: idcirco quadratus numeri  $\alpha\beta$ , quadruplus est numeri quadrati, ex multiplicatione numeri  $\alpha\gamma$  in seipsum facti. Adhæc cum numerus planus, ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  bis repetita factus, cum duobus quadratis numeri  $\delta\gamma$  duplus sit numeri quadrati ex  $\gamma\alpha$  numero: cumq; duo fuerint numeri, quorum alter eiusdem numeri sit quadruplus: alter verò eiusdem duplus: tum quadruplus numeri dupli erit duplus. Quare quadratus numeri  $\alpha\beta$ , duplus est numeri ex numero-  
rū  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  multiplicatione bis facta procrea-  
ti, cum duobus quadratis numeri  $\delta\gamma$ . idcirco numerus, qui ex multiplicatione  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  numerorum bis facta producitur: dimidio minor est quadrato numeri  $\alpha\beta$ . quadrato nempe numero bis repetito multiplicatione  
numeri

ἀριθμοὶ, ὁ μὲν ἐτέρῳ αὐτῶν ἔστω πετρα-  
 πλάσιος ὁ δὲ ἐτέρῳ διπλασίος: ὁ πετρα-  
 πλάσιος διπλασίος ἐστὶ τῷ διπλασίῳ. ὁ ἄ-  
 ρα ἀπὸ τῷ  $\alpha\beta$ , διπλασίος ἐστὶ τοῦ δις ἐκ  
 τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ , μετὰ δύο τῶν ἀπὸ τῷ  $\delta\gamma$ . ἐστὶ  
 ἄρα ὁ δις ἐκ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  ἐλαττων ἡμίσεος,  
 τῷ ἀπὸ τοῦ  $\alpha\beta$ , τῷ δις ἀπὸ τῷ  $\delta\gamma$ . καὶ ἐπὶ  
 ὁ δις ἐκ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ , μὲν τοῦ συγκνημένον ἐκ  
 τῶν ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ : ἴσθι ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ  
 $\alpha\beta$ . ὁ ἄρα συγκνημένον ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν  
 $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ : μείζων ἐστὶν ἡμίσεος τῷ ἀπὸ τῷ  $\alpha\beta$ ,  
 τῷ δις ἀπὸ τῷ  $\delta\gamma$ . καὶ ἐστὶν ὁ ἀπὸ τοῦ  $\alpha\beta$ ,  
 τοῦ ἀπὸ τοῦ  $\alpha\gamma$  πετραπλάσιος. ὁ ἄρα συγ-  
 κνημένον ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ : μείζων  
 ἐστὶ διπλασίος τοῦ ἀπὸ τῷ  $\alpha\gamma$ , τῷ δις ἀπὸ  
 τῷ  $\delta\gamma$ . Διπλασίος ἄρα ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν  
 $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$ . (Συμπέρασμα.) Εἰ ἄρα ἀριθ-  
 μὸς, διαιρεθῇ δίχα, ἐπὶ δὲ διαιρεθῇ καὶ  
 εἰς ἀνίσχοντες ἀριθμοὺς: οἱ ἀπὸ τῶν ἀνίσχοντων ἀριθ-  
 μῶν τετραγῶνοι: διπλασίοι εἰσὶ τῷ ἀπὸ τῷ  
 ἡμισείας τετραγώνου, μετὰ τῷ ἀπὸ τῷ μετὰ  
 ζῷ τετραγώνου. ὅπως ἐδείξαμεν.

Πρότερον

numeri  $\delta\gamma$  in seipsum facta. & quia numerus ex multiplicatione  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  numerorum bis facta, cum numero composito, & producto ex multiplicatione numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ : æqualis est quadrato numeri  $\alpha\beta$ . idcirco numerus qui componitur ex quadratis numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ , maior est dimidio quadrati numeri  $\alpha\beta$ : numero quadrato numeri  $\delta\gamma$  bis repetito. & est quadratus numeri  $\alpha\beta$ , quadrati numeri  $\alpha\gamma$  quadruplus. Quare compositus numerus ex quadratis numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ : maior est duplo quadrati numeri  $\alpha\gamma$ : numero quadrato numeri  $\delta\gamma$  bis repetito. Quare duplus est quadratorum, ex multiplicatione numerorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  bis factorum. (Συμπέροσμα.) Si igitur numerus diuidatur in duos numeros æquales: & iterum in numeros inæquales: numeri quadrati numerorum inæqualium dupli sunt quadrati eius, qui fit ex multiplicatione dimidij in seipsum, cum quadrato numeri inter ipsos intercepti. quod demonstrandum erat.

Propo-

Πρότασις ι. Γεώρημα.

Εάν ἄρτις ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα, πρὸς  
 σπυθὴ δὲ τις αὐτῷ ἑτέρῳ ἀριθμὸς: ὁ ἀπὸ  
 τῶν ὅλων ζυγὴ τῶν προσκειμένων: καὶ ὁ ἀπὸ τῶν  
 προσκειμένων οἱ συναμφοτέροι τετραγώνου  
 διπλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ ἡμίσεος τετραγώνου:  
 καὶ τῶν ἀπὸ τοῦ συγκειμένου ἑκπὼς τῶν ἡμίσεος  
 καὶ τῶν προσκειμένων ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνου.

|   |                                        |                    |
|---|----------------------------------------|--------------------|
| δ | 8                                      | 2                  |
|   | 8                                      | 2                  |
| 2 | <hr/> 64 quad: α δ.                    | <hr/> 4 quad: Α β. |
| 6 |                                        |                    |
| 3 | 5                                      |                    |
|   | 5                                      |                    |
| 7 | <hr/> 25 quad: γ δ dimidij, & adiecti. |                    |
| 3 | 3                                      | 25 64              |
|   | 3                                      | 9 4                |
| α | <hr/> 9 quad: dimid: α γ. 34.          | <hr/> 68 34        |

Εκθεσις.) Εἴπω γὰρ ἄρτιος ἀριθμὸς ὁ αβ, καὶ  
 διηρήσθω δίχα εἰς αὐτὸν α γ, γ β: καὶ προσκει-  
 σθω αὐτῷ ἐπὶ τὸς ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διορισ-  
 μὸς.) Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν α δ, δ β τετραγώ-  
 νου, διπλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν α γ, γ δ τε-  
 τραγώνου.

Propositio X. Theorema.

Si numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, eiq; addatur alius aliquis numerus: tum numerus quadratus totius cū adiecto, & quadratus numeri adiecti: hi duo quadrati numeri coniuncti: dupli sunt quadratorum numerorum, scilicet quadrati dimidij, & quadrati eius, qui est compositus ex numero dimidio, & adiecto, ac si vnius numeri quadratus esset.

|          |                                                                                             |                                                               |     |
|----------|---------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------|-----|
| $\delta$ | $\begin{array}{r} 8 \\ 8 \\ \hline \end{array}$                                             | $\begin{array}{r} 2 \\ 2 \\ \hline \end{array}$               |     |
| $2$      | $\begin{array}{r} 64 \text{ quad: } \alpha \delta. \end{array}$                             | $\begin{array}{r} 4 \text{ quad: } \delta \beta. \end{array}$ |     |
| $3$      | $\begin{array}{r} 5 \\ 5 \\ \hline \end{array}$                                             |                                                               |     |
| $\gamma$ | $\begin{array}{r} 25 \text{ quad: } \gamma \delta \text{ dimidij, \& adiecti.} \end{array}$ |                                                               |     |
| $3$      | $\begin{array}{r} 3 \\ 3 \\ \hline \end{array}$                                             | $\begin{array}{r} 25 \quad 64 \\ 9 \quad 4 \end{array}$       |     |
| $\alpha$ | $\begin{array}{r} 9 \text{ quad: dimid: } \alpha \gamma. \end{array}$                       | $\begin{array}{r} 34 \quad 68 \quad 34 \end{array}$           | (2. |

Εκθεσις.) Sit enim  $\alpha \epsilon$  numerus par, & diuidatur in duas partes æquales  $\alpha \gamma$ ,  $\gamma \epsilon$  numeros: eiq; adiiciatur alius numerus  $\epsilon \delta$ . ( $\Delta$ ιος εἰσμός.) Dico quod numeri quadrati numerorum  $\alpha \delta$ ,  $\delta \beta$  dupli sint numerorū quadratorum

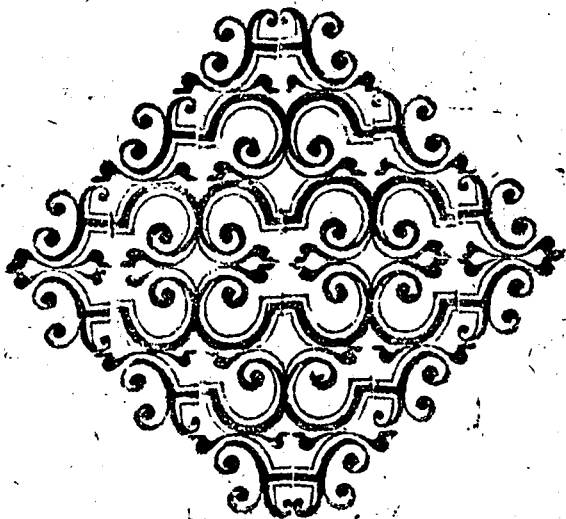
H . . . . . torum

τραγώνων. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ ἀριθμὸς ὁ  
 ᾱδ, διήρηται εἰς σδὺ ᾱβ, βδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν  
 ᾱδ, δβ τετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶν τὰς δις ἐκ τῶν  
 ᾱδ, δβ ὅππιδω, μὲν τῷ ἀπὸ τῷ ᾱβ τετρα-  
 γώνῳ. ὁ δὲ ἀπὸ τῷ ᾱβ τετράγωνος, ἴσος ἐστὶ  
 τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν ᾱγ, γβ τετραγώνοις  
 ἴσος γὰρ ἐστὶν ὁ ᾱγ, τὰς γβ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν  
 ᾱδ, δβ τετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ τὰς τε δις ἐκ τῶν  
 ᾱδ, δβ, καὶ τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν βγ, γα  
 καὶ ἐπεὶ ὁ ἐκ τῶν ᾱδ, δβ, μὲν τῷ ἀπὸ τῷ γβ,  
 ἴσος ἐστὶ τὰς ἀπὸ τῷ γδ. ὁ ἄρα δις ἐκ τῶν  
 ᾱδ, δβ, μετὰ δύο τῶν ἀπὸ τῷ γβ: ἴσος ἐστὶ δύοσι  
 τοῖς ἀπὸ τῷ γδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν ᾱδ, δβ τε-  
 τράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῷ γδ: καὶ  
 δύοσι τοῖς ἀπὸ τῷ ᾱγ. διπλάσιοι ἄρα εἰσὶν  
 τῶν ἀπὸ τῶν ᾱγ, γδ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ  
 ᾱδ τετράγωνος, ὁ ἀπὸ τῷ ὅλῳ καὶ τῷ περὶ-  
 μένῃ: ὁ δὲ ἀπὸ τῷ δβ, ὁ ἀπὸ τῷ περὶ-  
 μένῃ: ὁ δὲ ἀπὸ τῷ γδ, ὁ ἀπὸ τῷ συγκείμενῃ ἐκ τῶν  
 ἡμίσεος, καὶ τῷ περὶ-  
 μένῃ. ὁ ἄρα ἀπὸ τῷ ὅλῳ  
 ὡς τὰς περὶ-  
 μένῃ τετράγωνος μὲν τῷ ἀπὸ  
 τοῦ περὶ-  
 μένῃ: διπλάσιος ἐστὶ τοῦ ἀπὸ  
 τοῦ ἡμίσεος μὲν τῷ ἀπὸ τῷ  
 συγκείμενῃ  
 ἐκ τῶν

torum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$ . (Απόδειξις.) Cum enim  
 numerus  $\alpha\delta$ , diuisus sit in numeros  $\alpha\beta$ ,  $\beta\delta$ :  
 idcirco numeri quadrati numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$   
 æquales sunt numero plano ex multiplicatio-  
 ne numerorum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  bis repetita factò, cum  
 quadrato numeri  $\alpha\beta$ . sed quadratus numeri  
 $\alpha\beta$ , æqualis est quatuor quadratis numero-  
 rum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ : quia  $\alpha\gamma$  est æqualis  $\gamma\beta$  nume-  
 ro: idcirco etiam quadrati numerorum  $\alpha\delta$ ,  
 $\delta\beta$ : æquales sunt numero plano ex multipli-  
 catione  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  numerorum bis facta produ-  
 cto: & quatuor quadratis numerorum  $\beta\gamma$ ,  
 $\gamma\alpha$ . Cum verò planus numerus ex multipli-  
 catione  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  numerorum factus, cum qua-  
 drato numeri  $\gamma\epsilon$ : æqualis sit quadrato nume-  
 ri  $\gamma\delta$ . idcirco numerus ex multiplicatione  $\alpha\delta$   
 $\delta\epsilon$  numerorum bis repetita factus, cum duo-  
 bus quadratis numeri  $\gamma\epsilon$ : est æqualis qua-  
 drato numeri  $\gamma\delta$ . Quare quadrati numero-  
 rum  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$ : æquales erunt duobus quadratis  
 numeri  $\gamma\delta$ : & duobus quadratis numeri  $\alpha\gamma$ :  
 ergo erunt dupli quadratorum  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$  nume-  
 rorum, & quadratus numeri  $\alpha\delta$ , est quadra-

ἐκτε τοῦ ἡμίσεος, καὶ τοῦ προσκείμενου.  
 (Συμπέρασμα:) Εὰν ἄρα ἀριθμὸς ἀριθ-  
 μὸς δίχα διαιρεθῇ, προστεθῇ δὲ τις αὐτῷ ἐ-  
 τερῶς ἀριθμὸς, ὁ δὲ ἀπὸ τῆς ὅλης ζυγὴς τῶν προ-  
 σκείμενων, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ προσκειμένου, οἱ συν-  
 αμφοτέροι τετραγώνου: διπλασιοὶ εἰσὶ τοῦ  
 ἀπὸ τῆς ἡμίσεος τετραγώνου, καὶ τῆς ἀπὸ  
 τοῦ συγκείμενου ἐκτε τῆς ἡμίσεος, καὶ  
 τοῦ προσκείμενου ὡς ἀφ' ἑνὸς  
 τετραγώνου. ὅπως  
 εἶδη δεῖξαι.

ΤΕΛΟΣ.

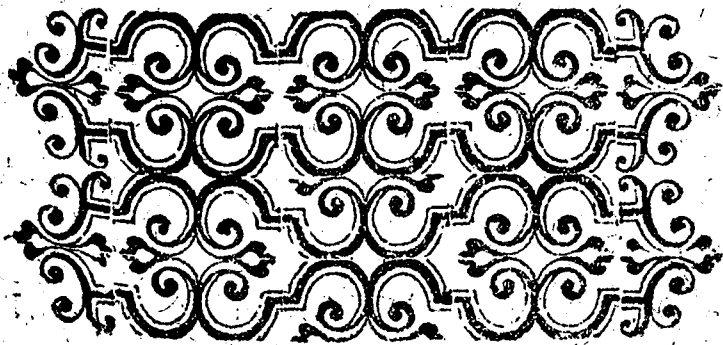


tus totius, & adiecti numeri: quadratus vero  $\delta\epsilon$ , est quadratus numeri adiecti. quadratus etiam numeri  $\gamma\delta$ , est quadratus numeri compositi ex dimidio & adiecto. (Συμ-  
 πλέγμα.) Quare si numerus par diuisus fuerit in duos numeros æquales: eiq; addatur alius aliquis numerus, tum numerus quadratus totius & adiecti, cum quadrato adiecti duplus est quadratorum dimidij, & eius, qui compositus est ex dimidio & adiecto, ac si vnus numeri quadratus esset. Quod erat demonstrandum.

FINIS.

H 3

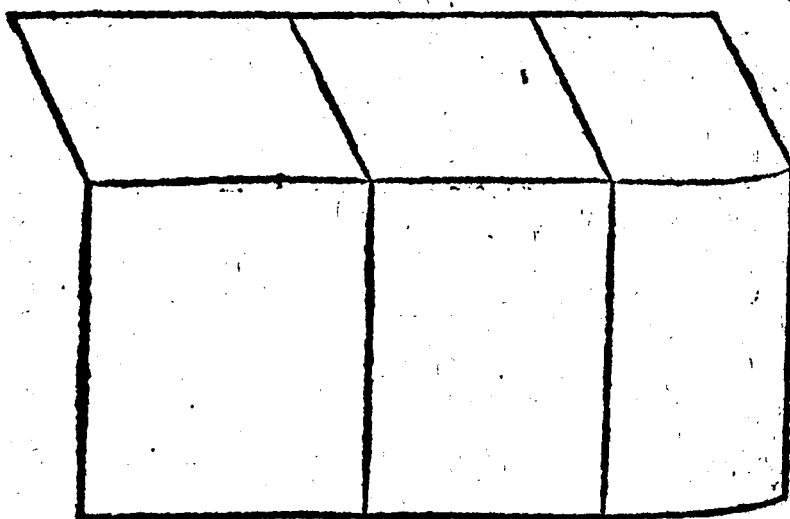
Theo.



# Theoremata octo, quibus nonnulla ex præcedentibus demonstrantur

Στερεωμετρικῶς.

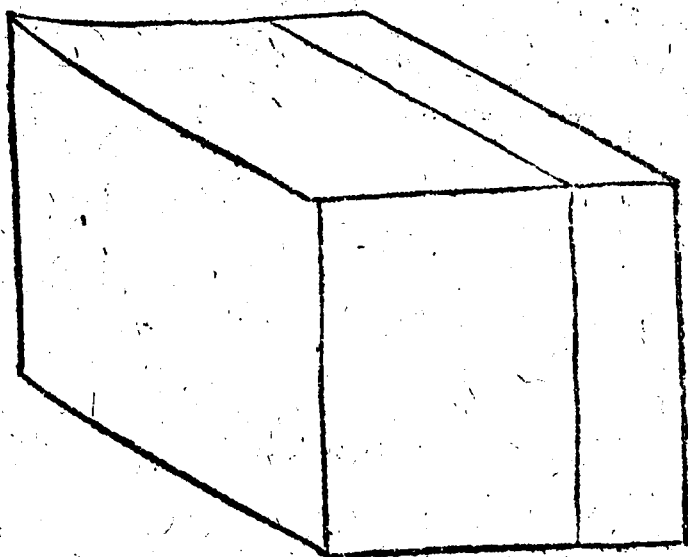
## Theorema primum.



**S**i fuerint duæ lineæ rectæ, quarum una quidem sit integra, altera vero in quoruncq; partes diuisa: quod sub integra bis, & altera illa semel continetur solidum parallelepipedon rectangulum, est æquale ijs solidis parallelepipedis rectangulis, quæ sub integra bis, & singulis segmentis semel continentur.

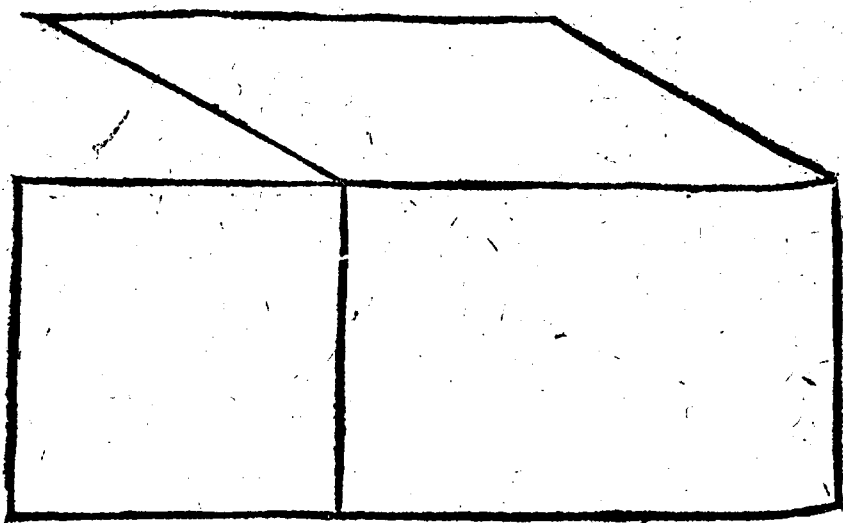
Theo.

Theorema secundum.



*SI fuerit linea recta dissecta ut  $\epsilon\tau\upsilon\chi\epsilon$ , quae  
sub tota bis, & singulis segmentis semel  
continentur solida parallelepipeda rectangu-  
la, sunt aequalia ei, qui ex tota fit cubo.*

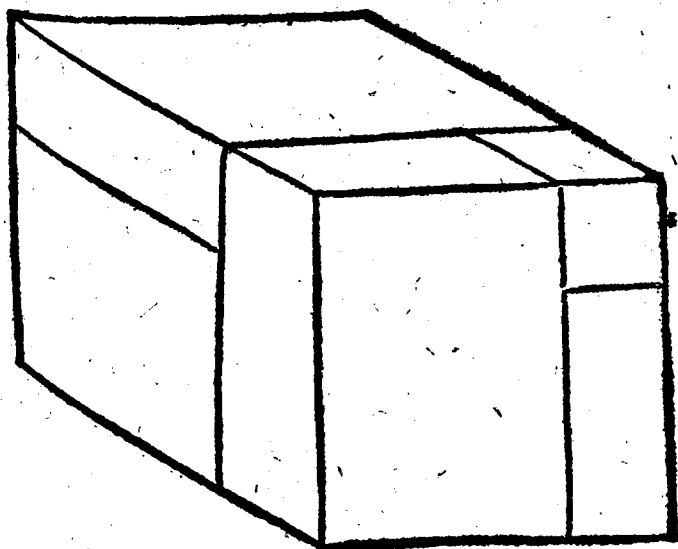
## Theorema tertium.



**S**I recta linea fuerit dissecta  $\omega\varsigma\epsilon\tau\omega\chi\epsilon$ , quod sub tota, & vno segmento bis continetur solidum parallelopipedon rectangulum: est æquale solido parallelepipedo rectangulo, quod continetur sub eodem illo segmento bis, & reliquo semel, vna cum eo, qui ab eodem segmento est, cubo.

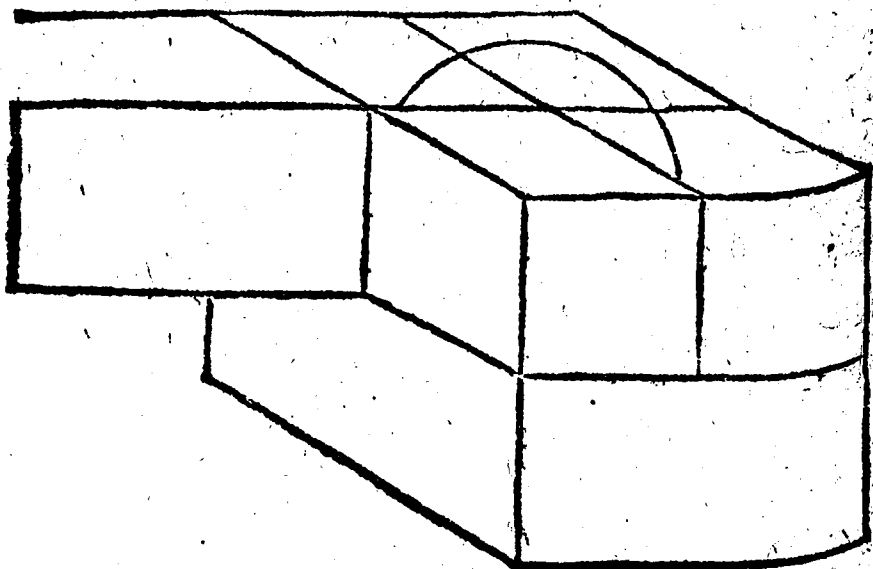
Theo-

## Theorema quartum.



*Si recta linea fuerit dissecta in  $\epsilon\tau\upsilon\chi\epsilon$ , qui à  
tota est cubus, est æqualis ijs cubis, qui  
sunt à segmentis, una cum solidis parallele-  
pipedis rectangulis, quæ sub tota & duobus  
segmentis continentur ter.*

## Theorema quintum.



*SI recta linea fuerit dissecta in duo equalia, & in duo inæqualia, quod sub maiore segmento semel, & minore bis continetur solidum parallelepipedon rectangulum, vna est duobus solidis parallelepipedis rectangulis quorum vnum quidem sub dimidia bis, & ea qua sectionibus interiacet semel, alterum vero sub minore segmento semel, & ea qua sectionibus interiacet bis, continetur: est æquale ei, qui à dimidia est cubo.*

*Theo-*

## Theorema sextum.

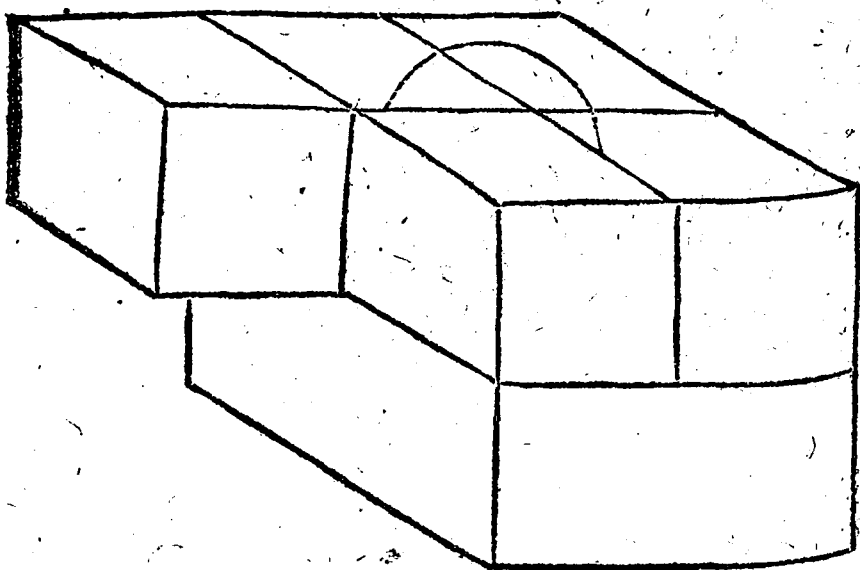
*SI recta linea fuerit dissecta in duo equalia,  
 & in duo inæqualia, solidum parallelepi-  
 pedon rectangulum quod sub maiore segmen-  
 to bis, & minore semel continetur, nunc qui-  
 dem est æquale cubo, qui est à dimidia, nunc  
 verò maius eo, nunc autem minus.*



Theo-



## Theorema septimum.

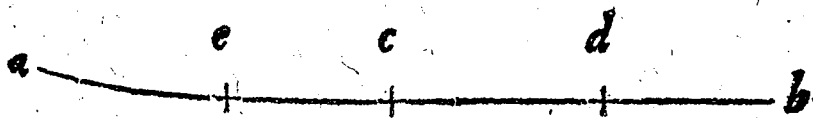


**S**I recta linea fuerit dissecta dīxa, & adie-  
 cta ipsi fuerit alia quēdā recta ēō' & adie-  
 as: solidum parallelepipedon rectangulum,  
 quod sub tota cum adiecta semel, & ea quā  
 adiecta est bis continetur, vnā cum duobus  
 solidis parallelepipedis rectangulis, quorum  
 vnum quidem sub dimidia bis, & adiecta se-  
 mel, alterum verò sub dimidia cum adiecta  
 bis, tanquam linea vna, & dimidia semel  
 continetur, est æquale cubo qui est à dimidia  
 cum adiecta, tanquam linea vna.

Theore-

## Theorema octauum.

*Si recta linea fuerit dissecta dīxa, & ei ad-  
iecta fuerit alia quædam  $\epsilon\omega$  & ceteras: soli-  
dum parallelepipedon rectāgulum, quod sub  
tota cum adiecta bis, & ea quæ adiecta est se-  
mel continetur, nunc quidem est æquale cu-  
bo, qui est à dimidia cum adiecta tanquam  
linea vna, nunc verò maius eo, nunc autem  
minus.*



*Has*



Has octo propositiones stereometricas sub finem annexas esse volui: vt videatur, quomodo ista de qua diximus *νοινωνία* & *ἰσχυμῶν* sit intelligenda: & quod *διαίρεσις* sit in corporibus ita, vt in figuris planis habeat: sed ipsas demonstrationes propter temporis angustiam annectere nō potui: verum quamprimum se occasio offeret: non tantum has suis demonstrationibus instructas edam: sed & plura adiungam: ne videar bonis & studiosis, quibus hæc scribo, defuisse adolescentibus.

FINIS.

ARGENTORATI APVD  
Christianum Mylium.

1564.