

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

A. 97

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΤΩΝ ΠΕΝΤΕ ΚΑΙ ΔΕΚΑ ΣΤΟΙ-
ΧΕΙΩΝ ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΘΕΩΝΟΥ
σπουσιων τὸ δ᾽ ἑπτον.

Καὶ

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ ΑΡΙΘΜΗ-
τικῇ ἀπόδειξις τῶν γεωμετρικῶς ἐν ταῖς
διδάσκων τῶν στοιχείων ἀπο-
δειχθέντων.

Id est,

*EVCLIDIS QVINDECIM
elementorum Geometria secundū: ex
Theonis commentarijs
Græcè, & Latine.*

Item,

*Barlaam monachi Arithmetica demonstra-
tio eorum, quæ in secundo libro elementorum
sunt in lineis & figuris planis
demonstrata.*

Item,

*Otto propositiones Stereometricæ, eiusdem cum præ-
cedentibus argumenti. Per Cunradum Da-
syposium, scholæ Argentinæ
sis Professorem.*

71 = 2. 1.

BIBLIOTHECA
REGIA
MONACENSIS

ILLVSTRISSIMO
PRINCIPI, ET DOMI-
NO, DOMINO NICOLAO
CHRISTOPHERO RADZIVVIL, DV-
CI OLICÆ ET NIESVVISI, COMITI
IN SCHIDLOVVIEZ, &c. PRÆCLA-
re indolis, & optima spei Principi, ac
Domino suo clementiss: S. D.
Cunradus Dasypodius.

MENSE Aprili, Illu-
striss: princeps, in lu-
cem emisi primum Eu-
clidis Librum, cum perbreuibus
meis scholijs, quibus ad percipiē-
da Geometriæ elementa, harum
disciplinarum studiosis viam præ-
parare, & aperire volui: memin-
etiam me tum promississe editio-
nem secundi libri, vnà cum alijs
quibusdam scriptis: quod quidē
nunc facere paratus sum: non tam
2 1 tum,

P R Æ F A T I O.

tum, vt si forſan aliquib. animus ſit diligentius aliquanto, & exactius velle Geometricas demonstrationes cognoscere, atq; perſpicere: noſtra qualicunq; adiuti opera, habeant in quo animum delectare ſuum, ſeq; exercere poſſint: ſed & vt duo hi libri eiuseſdem doctrinæ, & institutionis non ſe-
iungantur. Euclides enim propoſitione penultima libri primi quadrata laterum trianguli orthogoniꝝ examinauit: & tandem quam in primo inſtituerat libro doctrinam, ſub finem ſecundi de quadratis laterum triangulorum amblygoniorum, & oxygoniorum perficit, & abſoluit: ita vt vnus potius liber dici poſſit, quàm
duo

PRÆFATIO.

duo distincti libri. Quia verò διείρεται, comūne est σύμμετρον Geometriae, & Arithmeticae, idcirco demonstrationibus Geometricis Arithmeticas, & ob similitudinem cognationemq; octo stereometricas propositiones adiunxi: quas Geometriae studiosis, maximo adiuvento, & in difficilioribus quæstionibus explicandis valde necessarias fore puto. quia non tantum differentias harum disciplinarum diligenter inspicere oportet: sed & ipsarum cognitionem observare. geometra nominat ὀρθογώνιον, figuram quæ duabus lineis rectis, angulum rectum continentibus, repræsentatur: arithmeticus verò ἑπίπεδον ἀριθμὸν,

PRÆFATIO.

numerum, qui fit ex multiplicatione duorum numerorum in se. unde licet videre rectangulum, superficiem rectangulam, parallelogrammon rectangulum, multiplicationem, numerum planū, productum quod fit ex multiplicatione unius numeri in alterum, eandem habere significationem. sicut Stereometra etiam habet παραλληλεπίπεδον ὀρθογώνιον eiusdem cum præcedentibus naturæ. eodem modo τετράγωνον, τετράγωνον αριθμὸς, κύβον, κύβον αριθμὸς, eandem quidem & similem habent vim: sed nō eiusdem scientiæ sunt subiecta. hæc, & similia si obseruentur, et natura eorum acuratus inuestigetur, multum possunt adollescen-

PRÆFATIO.

Iescentum erudire ingenia: si videant, quæ omnibus mathematicis scientiis sint cōmunia, de quibus in nostris scholiis: quæ verò non quidem omnibus, sed aliquibus: eòrumq; duo esse genera, vel enim, vt res exemplo fiat manifestior, ex Geometria petita ad Arithmeticam applicantur: vel e contra ex arithmeticiis illis demonstrationibus translata sunt ad geometriam: deniq; quòd nonnulla vniuscuiusque scientiæ sint propria. Hæc inquam, & his cognata, nisi quis diligenter perpendat, & quæ quibus conueniant, quæ uè discrepent, aut ex quibus, quomodo uè facta sit demonstratio, non animaduertat: meritò ἀγεωμέ-

PRÆFATIO.

ῥη/⊙ dici potest, sicuti & ille, qui
ὁικονομία mathematicarū scientia-
rū non obseruat, dum quæ con-
genda sunt, disiungit, quæ diuer-
sa sunt, aut in specie tantum simi-
lia, vnum congerit in locum: de-
niq; is, qui, quæ diuersarum sunt
scientiarum, vni attribuit scien-
tiæ: aliaq; præcepta Geometra-
rum negligit. Veteres certè ma-
thematici, summo studio in id in-
cubuerunt, vt singula suo expli-
carent loco, vt per concessa, & af-
firmata demonstrarent insequen-
tia: vt nihil pro certo, vero, & af-
firmato reciperent, nisi cuius na-
tura, substantiaq; aut accidens a-
liquod, per se manifestum esset,
aut aliqua eius vera & certa alla-
ta ef-

PRÆFATIO.

ta esset demonstratio. Itaque qui se in his rectè & benè exercebunt, non tantum harum scientiarum sibi comparabunt cognitionem: sed & animum informabunt suum: ut eò etiam prudentiores iuxta Platonis, aliorumque Philosophorum sententiam sint futuri: & in rebus benè gerendis instructiores: quando Geometrarum more, omnibus ponderatis, & ad amussim examinatis, id quod honestum & iustum, verumque est, à turpi, iniquo, atque falso discernēt. monemus igitur eos, qui Philosophorum scripta legere, animū acri & prudenti iudicio imbuiere, mores benè & rectè informare cupiunt: hæc geometrica non ne-

PRÆFATIO.

gligant studia: neq̃ propter sterilitatem, quæ prima fronte in his apparet, se deterreri patiantur: aut in ipso cursu languescant: siquidem maior fructus, maiorq̃ utilitas ex his percipitur, quàm labores, quibus cognitio harum rerum comparatur, sint æstimandi. Imitandi potius nobis sunt Hebræi, Ægyptij, Græci, Latini, quibus hæc studia cordi fuere. Postquam enim à primis parentibus Adamo, Setho, Noëo hæc fuerunt posteris tradita, & ab ipso Abrahamo, cæterisq̃ Hebræis Ægypti sacerdotibus relicta: tandem factum fuit, vt Græcorum, & Latinorum Thaletis, Pythagoræ, Platonis, Aristotelis, Archime-

PRÆFATIO.

chimedis, reliquorumq; Philosophorum hæc facta sint Gymnasia: deniq; insequentibus temporibus adeò vulgata fuerunt, ut in his doctis Arithmeticorum abacis, & in hoc erudito Geometrarum puluere, non solum pueri harum artium & disciplinarum studiosi exercerentur: sed & opifices, ut Pictores, Statuarij, Architecti hæc optime scirent, & intelligerent. Dolendum itaq; imò maxime dolendum, quod hinc ab aliquot seculis adeo obscurata, adeo neglecta iacuerint excellentiss: harum disciplinarum studia: aut quod maius est, in tanta omnium linguarum & artium luce, à multis hoc nostro tempore, non dico impe-

PRÆFATIO.

imperitis , sed doctis viris contemnantur , ut non modò pueris & opificibus hæc non amplius sint nota, sed viris humanioribus literis optimè imbutis: qui ut cæteri sibi persuadent , non alium fructum harum esse scientiarum, quàm ut puerorum exacuantur ingenia: nec prosint, nisi dum percipiuntur, deinceps verò nullum amplius habeant vsum. cuius sanè opinionis falsæ, & erroris culpam, non in scientias ipsas, sed potius in hominum ignauiam , & ignorantiam transferre debemus. quæ quidem latius , & clarius , si tempus locusq; pateretur, demonstrare possemus: sed cum neq; instituti sit nostri , de scientiarum mathe-

PRAEFATIO.

mathematicarum dignitate, & utilitate verba facere: neque ea, quæ à multis fusius tradita sunt, repetere: finem his faciam: hæc mihi dum mei instituti rationem redderem, & quid potissimum traderem, explicarem, occurrerant. Fateor hæc non esse magna, neq; ullius ingenij, aut industriæ: sed tamen non ingrata futura spero: neq; indigna patrocinio aliquo: & cum à multis hoc factitatum sit, ut eum suorum laborum patronum esse velint: & sub eius titulo atq; nomine sua in lucem exire, qui patrocinari & velit, & possit: deniq; quem intelligunt eas artes, quas exercent: eaq; studia, quibus ipsi incumbunt,

PRÆFATIO:

bunt amare, fouere, conseruare, aliosq; ad ea persequenda excitare: volui I. T. C. hos meos qualescunq; labores dedicare, quòd I. T. C. talem esse perceperim, qualem patronum sibi solent deligere, qui, vt dictum est, aliquid in publicum emittunt. Itaq; vnicè I. T. C. oro, vt his meis studiis patrocinari dignetur: quod si ab I. T. C. hoc impetraro, multum, imò magni quippiam me consequutum fuisse arbitrabor. Cætera viris sincero & æquo iudicio præditis dijudicanda committo: mihiq; satis erit ijs, quorū instinctu, & voluntate hæc in publicum emitto, placuisse: & in studioforum gratiam aliquid fecisse.

P R A E F A T I O.

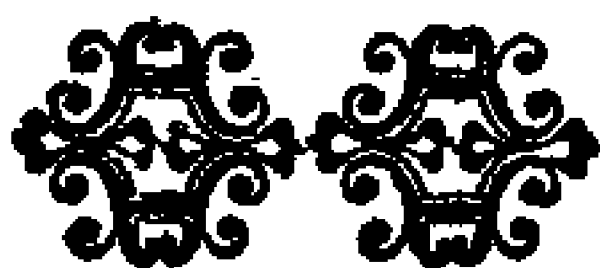
cisse. His me, meaꝝ studia I. T. C.
commendo: neqꝫ dubito quin e-
tiam illa I. T. C. non ingra-
ta sint futura. Calend:

Iunij. Anno

1564.

I. T. C. deditis:

Conradus Dasypodius.



ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙ- ΧΕΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

ΟΡΟΙ.

ΠΑΝ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον περιέχεσθαι λέγεται ὑπὸ δύο τ' ὀρθῶν γωνίαν περιχυσῶν ὧν:

Πάντος δὲ παραλληλογράμμου χωρὶς τῶν πρὸς τὴν ἀμέτρον αὐτὸς ἐν παραλληλογράμμων ὁποῖον ἔν, συν τοῖς δυοῖν παραλληλώμασι γνώμων καλείσθω.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. θεώρημα.

ΕΑΝ ὡς δύο ὀρθῆαι, τμηθῇ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν, εἰς ὅσαι δηποῦν τμήματα, τὸ περιχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο ὧν ἴσον ἔστι τοῖς ὑπὸ τῆς ἀτμήτης, καὶ ἐκάστη τῶν τμημάτων περιχομένοις ὀρθογωνίοις.

Εκθεσις.) Εστωσαν δύο ὀρθῆαι αὐ α, β γ, καὶ τμησθῶ ἡ β γ, ὡς ἔτυχε κατὰ τὰ δ, ε, σημεῖα. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν α, β γ περιχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἔστι τῷ ὑπὸ τῆς

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SECVNDVM.

DEFINITIONES.

OMne parallelogrammum rectangulum
contineri dicitur duabus lineis rectis,
quæ angulum unum rectum comprehendunt.

In omni verò parallelogrammo unum ex
illis, quæ circa diametrum sunt parallelogra-
mis quodcunq; id fuerit, cum duobus supple-
mentis, nominetur gnomon.

PROPOSITIONES.

Propositio prima. Theorema.

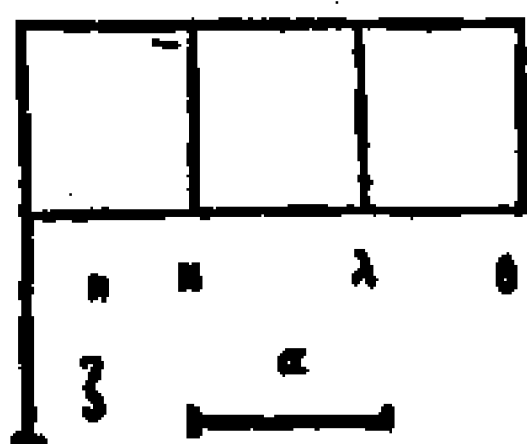
Datis duabus lineis rectis, quarum
altera in quocunq; partes sit se-
cta: erit rectangulum, quod duæ illæ
rectæ lineæ continent: æquale his re-
ctangulis, quæ continentur ea lineæ,
quæ secta non est, & omnibus alterius
lineæ segmentis.

Explicatio dati.) Sint duæ lineæ rectæ
 $a, \beta\gamma$, & secetur recta $\beta\gamma$, ut libuerit,
in punctis δ , & ϵ . (*Explicatio quæsitæ.*)
Dico quod rectangulum contentum rectis $a,$

a $\beta\gamma$

ὑπὸ τῶν α , β περιχομένου ὀρθογώνι-
 ος καὶ τὰ ὑπὸ τῶν α , δ , καὶ ἐπὶ τὰ ὑπὸ τῶν
 α , ϵ . (Κατασκευὴ.)

Ἦχθω γὰρ ἀπὸ τοῦ β ,
 τῇ β πρὸς ὀρθὰς
 γωνίας ἡ β : καὶ κεί-
 σω τῇ α ἴση ἡ β : καὶ
 διὰ τοῦ η , τῇ β πα-
 ράλληλῃ ἤχθω ἡ



η : διὰ δὲ τῶν δ , ϵ , γ , τῇ β παράλληλοι ἤ-
 χθωσαν αἱ δ , ϵ , γ . (Απόδειξις.) Ἴσον δὲ
 εἶναι τὸ β τοῖς δ , ϵ , καὶ εἶναι τὸ μὲν β , τὸ
 ὑπὸ τῶν α , β περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τοῦ β ,
 γ . ἴση δὲ ἡ β , τῇ α , τὸ δὲ δ τὸ ὑπὸ τῶν
 α , β περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῶν η , β .
 ἴση δὲ ἡ β , τῇ ϵ , τὸ δὲ ϵ , τὸ ὑπὸ τῶν α , δ .
 ἴση γὰρ ἡ δ , τῇ ϵ . εἶναι ἡ β , τῇ α καὶ ἐπὶ ὁμοί-
 ως τὸ ϵ , τὸ ὑπὸ τῶν α , ϵ . τὸ ἄρα ὑπὸ τοῦ
 α , β ἴσον ἐστὶ τὰ τε ὑπὸ τῶν α , β : καὶ τὰ
 ὑπὸ α , δ , καὶ ἐπὶ τὰ ὑπὸ α , ϵ . (Συμπε-
 ρασμα.) Εἰάν ἄρα ᾖσι δύο ὀρθογώνια, τμήνη δὲ
 ἢ ἑτέρα αὐτὰ εἰς ὅσα δὴ ποιεῖν τμήματα· τὸ πε-
 ριχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τοῦ δύο ὀρθογώνων,
 ἴσον

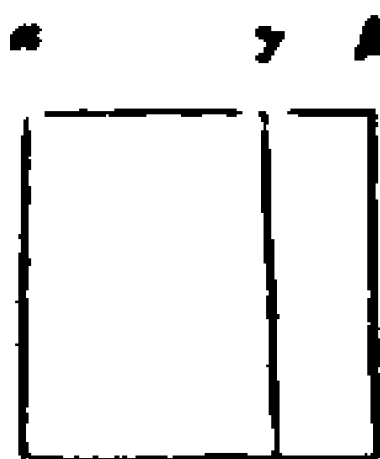
$\beta\gamma$: equale sit rectangulis, quæ continen-
 tur rectis α , $\beta\delta$: & α , $\delta\epsilon$, denique α & $\epsilon\gamma$.
 (Delineatio.) Ducatur enim, & fiat ad pun-
 ctū β linea $\epsilon\gamma$ ad angulos rectos linea recta
 $\beta\zeta$: deinde rectæ α , fiat equalis recta $\beta\eta$: atq;
 per punctum η , rectæ $\beta\gamma$ ducatur equedistās
 recta $\eta\theta$: deniq; per puncta δ , ϵ , γ , rectæ $\beta\eta$ du-
 cantur equedistantes rectæ $\delta\kappa$, $\epsilon\lambda$, $\gamma\theta$. (De-
 monstratio.) Rectangulum igitur $\epsilon\theta$, est & e-
 quale rectangulis $\beta\kappa$, $\delta\lambda$, $\epsilon\theta$. verum rectan-
 gulum $\beta\theta$, est quod continetur rectis α , $\beta\gamma$.
 quia continetur rectis $\eta\beta$, $\beta\gamma$. sed recta $\beta\eta$,
 est equalis rectæ α . $\beta\kappa$ autem rectangulum
 continetur rectis α , $\beta\delta$: quia rectis $\eta\beta$, $\beta\delta$
 comprehenditur: & $\beta\eta$ est equalis α . rectan-
 gulum etiam $\delta\lambda$, continetur rectis α , $\delta\epsilon$: cum
 $\delta\kappa$, hoc est, $\epsilon\eta$ sit equalis α lineæ rectæ. deniq;
 eodem modo rectangulum $\epsilon\theta$, est id quod con-
 tinetur rectis α , $\epsilon\gamma$. Quare rectangulum con-
 tectum rectis α , $\beta\gamma$, est equale rectangulis cō-
 teneis rectis α , $\beta\delta$: & α , $\delta\epsilon$: deniq; α , & $\epsilon\gamma$.
 (Conclusio.) Si igitur datis duabus rectis, al-
 tera earū in quocunq; partes secetur: rectan-
 gulum

ἴσιν ἔστι τοῖς ὑπὸ π τῆς αἰμήτης, καὶ ἑκάστη
τῶν τμημάτων περιχομένοις ὀρθογωνίοις.
ὥς ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις Β. θεώρημα.

Εἰν ὁρθῆα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὰ ὑ-
πὸ τῆς ὅλης, καὶ ἑκάστης τῶν τμημάτων
περιχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἔστι τὰ διὰ τὸ τῆς
ὅλης πετραγώνω.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἡ $\alpha\beta$ τμήσθω ὡς ἔ-
τυχε, καὶ αὐτὸ γ σημῶν. (Διορισμός.) Λέγω
ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\beta\gamma$ περιχόμενον ὀρθο-
γώνιον, μὲν τὸ ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ περιχο-
μένα ὀρθογωνία: ἴσον ἔστι τὰ διὰ τὸ τῆς $\alpha\delta$ πε-
τραγώνω. (Κατασκευὴ.) Αναγκράψθω ἀν-
τὶ τῆς $\alpha\beta$ τετράγωνον, τὸ
 $\alpha\delta\epsilon$: καὶ ἤχθω διὰ τῆς γ ,
ὁποῖα τῶν $\alpha\delta$, $\beta\epsilon$ παράλ-
ληλος ἡ $\gamma\zeta$. (Απόδειξις.)
ἴσιν δὴ τὸ $\alpha\epsilon$, τῆς $\alpha\zeta$, $\gamma\epsilon$. καὶ
ἔστι τὸ μὲν $\alpha\epsilon$, τὸ ἀπὸ τοῦ
 $\alpha\beta$ τετράγωνον: τὸ δὲ $\alpha\zeta$
τὸ ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ περι-



χόμενον

gulum quod duæ illæ lineæ rectæ continent, est æquale rectangulis, quæ lineæ non sectæ, & quovis segmento continentur. quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

Si recta lineæ utcumq; secta fuerit: rectangula quæ à tota & viroq; segmentorum continentur, sunt æqualia quadrato à tota illa lineâ descripto.

Explicatio dati.) Sit enim lineæ rectæ ab utcumq; secta in puncto γ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod rectangulum rectis ab , $\beta\gamma$ contentum, cum rectangulo rectis βa , $a\gamma$ contento, sit æquale quadrato à lineâ rectâ ab descripto. (*Delineatio.)* Describatur à lineâ rectâ ab , quadratum $ab\delta\epsilon$, & per punctum γ ducatur utriq; ad , $\beta\epsilon$, equidistans rectæ $\gamma\zeta$. (*Demonstratio.)* Est igitur rectangulū ae , æquale rectangulis $a\zeta$, $\gamma\epsilon$. sed rectangulum ae , est quadratum à lineâ rectâ ab descriptum: rectangulum verò $a\zeta$, est id quod continetur rectis βa , $a\gamma$. quia rectis

$A \quad \beta \quad \delta a, a\gamma$

χρόμνον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γὰρ ὑ-
 πὸ τ' δ' α', α' γ. ἴση δὲ ἢ α' δ', τῇ α' β': τὸ δ' ἐ γ', τὸ
 ὑπὸ τ' α' β', β' γ. ἴση γ' δ' ἢ β' ε' τῇ α' β'. τὸ ἄρα
 ὑπὸ τῶν β' α', α' γ, μ' τ' ε' ὑπὸ τῶν α' β', β' γ
 ἴσον ἐστὶ, τὰ δ' ὅσοι τῆς α' β' πετραγώνω. (Συμ-
 πέρασμα.) Εἰαν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ
 ὡς ἐτύχε: τὰ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκάστω τῶν
 τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἐστὶ
 τὰ δ' ὅσοι τ' ὅλης πετραγώνω. ὅπως εἶδ' εἰδειναι.

Πρότεροις γ. θεώρημα.

ΕΑν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτύχε: τὸ ὑ-
 πὸ τῆς ὅλης καὶ ἑνὸς τῶν τμημάτων πε-
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τὰ τε ὑπὸ τ'
 τμημάτων περιεχομένω ὀρθογωνίω, καὶ τὰ
 δ' ὅσοι τ' εὐθετημένης τμήματος πετραγώνω.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γ' δ' ἢ α' β', τμήσθω ὡς ἐτυ-
 χε κατὰ τὸ γ' σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω
 ὅτι τὸ ὑπὸ τ' α' β', β' γ' περιεχόμενον ὀρθογώ-
 νιον, ἴσον ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν α' γ, γ' δ' περιεχο-
 μένω ὀρθογωνίω, μ' τ' ε' δ' ὅσοι τῆς β' γ' πετρα-
 γώνω. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράψθω γ' δ' ὅσοι
 τῆς β' γ' πετραγώνων τὸ γ' δ' β' ε' καὶ ἤχθω ἢ εἰδ
 εἶναι

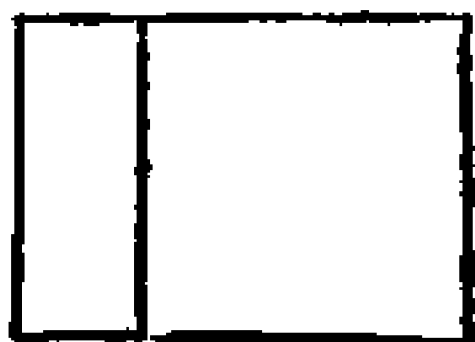
δa , $\alpha \gamma$ continetur. & ad eſſe equalis rectæ $a\beta$: & rectangulum γe eſſe quod continetur rectis $a\beta$, $\beta \gamma$. quoniam βe equalis eſſe rectæ $a\beta$. Quare rectangulum lineis δa , $\alpha \gamma$ contentum, cum rectangulo rectis $a\beta$, $\beta \gamma$ contento: eſt æquale quadrato à recta $a\beta$ descripto. (Concluſio.) Si igitur recta quedam utcunq; fuerit ſecta: rectangula quæ à tota, & vnoquoq; ſegmento continentur, ſunt æqualia quadrato à tota linea recta descripto. Id quod erat demonſtrandum.

Propoſitio III. Theorema.

SI linea quædam recta utcunq; fuerit ſecta: rectangulum tota linea recta, & vno ſegmento contentum: eſt æquale rectangulo in ipſis ſegmentis contento, & quadrato à prædicto ſegmento descripto.

Explicatio dati.) Recta enim $a\beta$, ſecetur utcunq; in puncto γ . (Explicatio quaſiti.) Dico quod rectangulum lineis $a\beta$, $\beta \gamma$ contentum, æquale ſit rectangulo $\alpha \gamma$, $\gamma \beta$ rectis contento, atq; quadrato à recta $\beta \gamma$ descripto. (Delineatio.) Describatur à recta $\beta \gamma$, quadratum $\gamma \delta \beta e$: & ducatur rectæ $e\delta$ ad pun-

ὅτι τὸ ζ: καὶ διὰ τῶν
 ὁπίερα τῶν γδ, βε πα-
 ράλληλ⊙ ἤχθω ἢ αζ.
 (Απόδειξις.) Ἰσὸν δὲ ἐ-
 σὶ τὸ αε, τοῖς αδ, γε. ὅ-
 ἐσὶ τὸ μὲν αε, τὸ ὑπὸ
 τῶν αβ, βγ περιχό-
 ρμνον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῷ
 αβ, βε. ἴση δὲ ἢ βε, τῇ βγ, τὸ δὲ αδ, τὸ ὑπὸ
 τῶν αγ, γβ. ἴση γὰρ ἢ δγ, τῇ γβ. τὸ δὲ δβ,
 τὸ δὲ τῆς γβ τετραγώνιον. τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν αβ, βγ περιχόρμνον ὀρθογώνιον, ἴσων ἐ-
 σὶ τὰ ὑπὸ τῶν αγ, γβ περιεχομένῳ ὀρθο-
 γωνίῳ, μὴ δὲ τοῦ δὲ τῆς γβ τετραγώνου.
 (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ
 τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐνὸς τῶν
 τμημάτων περιχόρμνον ὀρθογώνιον, ἴσων ἐ-
 σὶ τὰ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομέ-
 νῳ ὀρθογωνίῳ: καὶ τὰ δὲ τῶν προσφερόμενου
 τμημάτων⊙ τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.



Πρότερος δ. θεωρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ
 ὑπὸ

Etiam usq; ζ : deniq; utriq; $\gamma\delta$, $\beta\epsilon$, per punctum α , ducatur equedistans recta $\alpha\zeta$. (Demonstratio.) Rectangulum igitur $\alpha\epsilon$, est aequale rectangulis $\alpha\delta$, $\gamma\epsilon$: atq; rectangulum $\alpha\epsilon$, est id quod continetur rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: quia rectis $\alpha\beta$, $\beta\epsilon$ continetur: sed $\beta\epsilon$ equalis est rectae $\beta\gamma$: rectangulum etiam $\alpha\delta$, continetur rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: quia recta $\delta\gamma$, est equalis rectae $\gamma\beta$, & rectangulum $\delta\beta$, est quadratum à $\gamma\beta$ recta descriptum. Quare rectangulum quod $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ rectis continetur: est aequale rectangulo $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ rectis contento, cum quadrato à recta $\gamma\beta$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea secta utcunq; fuerit: rectangulum quod tota linea recta, & vno segmentorum continetur: est aequale rectangulis ipsis segmentis contento, atq; quadrato à prædicto segmento descripto. Quod erat demonstrandum.

Propositio IIII. Theorema.

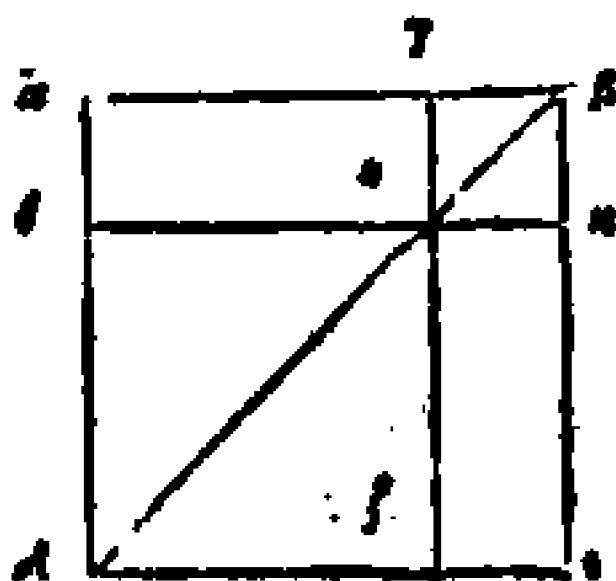
SI recta linea secta fuerit utcunq;,
 A , qua-

ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἔσται τοῖς τε
ἀπὸ τῶν τμημάτων τετραγώνοις : καὶ τὰς
δὲς ὑπὸ τῶν τμημάτων περιχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

Εκθεοῖς.) Εὐθεῖα γὰρ γραμμὴ ἡ $\bar{a}\beta$, τμή-
θω ὡς ἔτυχεν $\bar{\gamma}$. (Διορισμός.) Λέγω
ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{a}\beta$ τετραγώνον, ἴσον εἶναι τοῖς
τε ἀπὸ τῶν $\bar{a}\gamma, \bar{\gamma}\beta$ τετραγώνοις, καὶ τὰς δὲς
ὑπὸ τῶν $\bar{a}\gamma, \bar{\gamma}\beta$ περιχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

(Κατασκευὴ.) Ανα-

γεγράψθω γὰρ ἀπὸ $\bar{a}$
τῆς $\bar{a}\beta$ τετραγώ-
νον τὸ $\bar{a}\delta\epsilon\beta$: καὶ ἐ-
πιζεύχθω ἡ $\beta\delta$: καὶ
διὰ μὲν τῆς $\bar{\gamma}$, ὁπο-
τέρα τῶν $\bar{a}\delta$, ἐβ
παράλληλῳ ἡ χ -



θω ἡ $\gamma\zeta$: διὰ δὲ τῆς η , ὁποῖον τῶν $\bar{a}\delta, \delta\epsilon$, πα-
ράλληλος ἡ $\chi\theta$ ἡ $\theta\kappa$. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ
παράλληλῳ εἰσὶν ἡ $\gamma\zeta$ τῇ $\bar{a}\delta$, εἰς αὐτὰς
ἐμπεπλήωκεν ἡ $\beta\delta$: ἡ ἐκτός γωνία ἡ ὑπὸ $\epsilon\eta\gamma$:
ἴση ἐστὶ τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον τῇ ὑπὸ $\alpha\delta\epsilon$.
ὡλλ' ἡ ὑπὸ $\alpha\delta\epsilon$, τῇ ὑπὸ $\alpha\beta\delta$ εἰσὶν ἴση : ἐπεὶ καὶ
ὡλλ' α-

quadratum à tota linea recta descriptum, erit æquale quadratis segmentorum, & rectangulo quod bis ipsis continetur segmentis.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab , secetur utcumq; in puncto γ . (*Explicatio quesiti.)* Dico quod quadratum à recta linea ab descriptum: æquale sit quadratis à lineis rectis $a\gamma$, γb descriptis, & rectangulo quod bis continetur rectis $a\gamma$, γb . (*Delineatio.)* A recta linea ab describatur quadratum $ad\epsilon\zeta$: & fiat linea $\beta\delta$: atq; per punctum γ , utriq; lineæ rectæ ad , $\epsilon\beta$ ducatur æquedistans rectæ $\gamma\zeta$: præterea per punctum η , utriq; lineæ $a\epsilon$, $\delta\epsilon$, ducatur æquedistans rectæ $\theta\kappa$. (*Demonstratio.)* Quoniam recta $\gamma\zeta$, æquedistat rectæ ad : & in eas incidit recta $\beta\delta$: angulus igitur $\beta\eta\gamma$ externus: æqualis est angulo $ad\beta$ interno sibi opposito: sed angulus $ad\beta$, est æqualis angulo $a\beta\delta$: quia & latera $a\epsilon$, $\delta\epsilon$, la-

πλάρὰ ἢ $\alpha\beta$ τῇ $\alpha\delta$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$
 ἄρα γωνία, τῇ ὑπὸ $\eta\beta\gamma$ ἐστὶν ἴση. ὥστε καὶ
 πλάρὰ ἢ $\beta\gamma$, πλάρὰ τῇ $\gamma\eta$ ἐστὶν ἴση. ἀλλὰ
 καὶ ἡ $\gamma\beta$, τῇ $\eta\kappa$ ἐστὶν ἴση, ἡ δὲ $\gamma\eta$, τῇ $\kappa\beta$, καὶ ἡ
 $\eta\kappa$ ἄρα, τῇ $\kappa\beta$ ἐστὶν ἴση. ἰσόπλευρον ἄρα ἐστὶ
 τὸ $\gamma\eta\kappa\beta$. λέγω δὲ ὅτι καὶ ὀρθογώνιον. ἐπεὶ γὰρ
 παράλληλα ἐστὶν ἡ $\gamma\eta$, τῇ $\beta\kappa$: καὶ εἰς αὐτὰς
 ἐνέπτεσεν ἡ $\gamma\beta$: αἱ ἄρα ὑπὸ $\kappa\beta\gamma$, $\eta\gamma\beta$ γω-
 νίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ
 $\kappa\beta\gamma$, ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ $\eta\gamma\beta$. ὥστε ἔτι ἀπεν-
 τανόιον, αἱ ὑπὸ $\gamma\eta\kappa$, $\eta\kappa\beta$ ὀρθαὶ εἰσὶν. ὀρθο-
 γώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $\gamma\eta\kappa\beta$: εἰδείχθη δὲ καὶ ἰσό-
 πλευρον. πεντάγωνον ἄρα ἐστὶ, καὶ ἐστὶν ἀπὸ
 τῆς $\gamma\beta$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ, καὶ τὸ $\theta\zeta$ πεντάγω-
 νον ἐστὶ, ἔστιν ἀπὸ τῆς $\theta\eta$: τῶν γὰρ ἐστὶν ἀπὸ τῆς
 $\alpha\gamma$. τὰ ἄρα $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$ πεντάγωνα, ἀπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ εἰσὶ. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ $\alpha\eta$ πρὸς $\eta\epsilon$, καὶ
 ἐστὶ τὸ $\alpha\eta$, τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ ἡ $\eta\gamma$, τῇ
 $\gamma\beta$. καὶ τὸ $\eta\epsilon$ ἄρα ἴσον ἐστὶ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$, ἴσα ἐστὶ πρὸς διὰς τὸ ὑπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ἐστὶ δὲ καὶ τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$ πεντάγωνα, ἀ-
 πὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα τέσσαρα τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$,
αἱ, ηἱ,

ab , lateri ad esse æquale. quare & angulus
 $z\eta\epsilon$, angulo $\eta\epsilon\gamma$ est æqualis, latus etiam
 $\epsilon\gamma$, lateri $z\eta$ est æquale. verum latus $\gamma\epsilon$, etiã
 est æquale lateri $\eta\kappa$, & $z\eta$ latus lateri $\kappa\epsilon$. er-
 go & $\eta\kappa$ latus, lateri $\kappa\epsilon$ æquale erit. Figura
 igitur $z\eta\kappa\epsilon$ est æquilatera. Dico quod etiam
 sit rectangula: quoniam recta $z\eta$ æquedistat
 rectæ $\beta\kappa$, & in eas incidit recta $\gamma\epsilon$: anguli i-
 gitur $\kappa\beta\gamma$, $\eta\gamma\epsilon$ duobus rectis sunt æquales,
 & idcirco etiam anguli oppositi $z\eta\kappa$, $\eta\kappa\epsilon$ duo
 erunt recti. quare $z\eta\kappa\epsilon$ figura etiam esse re-
 ctangula: demonstrata verò etiam est æquila-
 tera: quare $z\eta\kappa\epsilon$ est quadratum, et est à linea
 $\gamma\epsilon$ descriptum. Eisdem medijs demonstrabi-
 tur quòd $\theta\zeta$ figura, sit quadratum, & est à re-
 ctâ $\theta\eta$ descriptum, hoc est, à rectâ ay . quare
 quadrata $\theta\zeta$, $z\eta$ sunt à rectis ay , $\gamma\beta$ descri-
 pta. Quoniam verò rectangulum an , æquale
 esse rectangulo $\eta\epsilon$, & rectangulum an conti-
 neatur rectis ay , $\gamma\epsilon$. rectangula igitur an ,
 $\eta\epsilon$ sunt æqualia rectangulo, q̃ bis continetur
 rectis ay , $\gamma\epsilon$: & $\theta\zeta$, $z\eta$ quadrata descripta
 sunt à rectis ay , $\gamma\epsilon$. quatuor itaq; ista $\theta\zeta$, $z\eta$,
 an , $\eta\epsilon$,

$\bar{\alpha}\eta$, $\bar{\eta}\epsilon$, ἴσα ἐστὶ τοῖς περὶ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ πετραγώνοις· ἔτι δὲ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ἀλλὰ τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$, $\bar{\alpha}\eta$, $\bar{\eta}\epsilon$, ὅλον ἐστὶν τὸ $\bar{\alpha}\delta\epsilon\beta$, ὅ ἐστι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\delta$ πετράγωνον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\delta$ πετράγωνον, ἴσον ἐστὶ πῖς τε ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ πετραγώνοις, καὶ τῷ δὲ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα $\epsilon\theta\epsilon\iota\alpha$ γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχι, τὸ διπλὸν τῆς ἄλλης πετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τμημάτων πετραγώνοις, καὶ τῷ δὲ ὑπὸ τῷ τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ὅπως εἶδε δεῖξαι.

Ἐτέρω δεῖξις.

Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\beta$ πετράγωνον, ἴσον ἐστὶ πῖς τε ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ πετραγώνοις, καὶ τῷ δὲ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\bar{\gamma}\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Καίωσ.) ὅτι καὶ τῆς αὐτῆς κατὰ $\epsilon\alpha\gamma\theta\phi\eta\varsigma$. (Αποδείξις.) Ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\bar{\beta}\alpha$, τῇ $\bar{\alpha}\delta$, ἴση ἐστὶ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\bar{\alpha}\beta\delta$, τῇ ὑπὸ $\bar{\alpha}\delta\epsilon$. καὶ ἐπεὶ πάντος τριγώνου, αἱ τερεῖς γωνίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσιν. τὰ $\bar{\alpha}\beta\delta$ ἄρα τριγώνου

an , ne , equalia sunt quadratis à rectis ay , Γy descriptis: & rectangulo quod bis continetur rectis ay , $\gamma\epsilon$. sed quatuor ista $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$, an , ne , faciunt totum ad ϵ quadratum à recta linea $a\beta$ descriptum. quadratum igitur à linea recta $a\epsilon$ descriptum, æquale est quadratis à rectis ay , $\gamma\epsilon$ descriptis: & rectangulo quod rectis ay , $\gamma\beta$ bis continetur. (Conclusio.) Si ergo recta linea secta vicinque fuerit, quadratum à tota descriptum, æquale est quadratis ab ipsis segmentis descriptis, & rectangulo bis ipsis segmentis contento. Id quod erat demonstrandum.

Alia demonstratio.

Explicatio quaesiti.) Dico q̄ quadratum à recta linea $a\epsilon$ descriptū, æquale sit quadratis à rectis ay , $\gamma\epsilon$ descriptis, & rectangulo quod ay , Γy rectis bis continetur. (Delin.) Delineatio maneat eadē. (Demonstratio.) Quoniam Γa recta, æqualis est rectæ ad : idcirco et angulus $a\epsilon d$, angulo $ad\epsilon$ æqualis est: & cum in omni triangulo, tres anguli sint æquales duobus rectis: ideo trianguli $a\epsilon d$, tres angu-

γώνυα αἱ τρεῖς γωνία, αἱ ὑπὸ $\bar{a}\beta\delta$, $\bar{a}\delta\epsilon$, $\beta a\delta$
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶ. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\beta\bar{a}\delta$, λοι-
 παὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\bar{a}\beta\delta$, $\bar{a}\delta\epsilon$, μιᾷ ὀρθῇ ἴσαι εἰσὶ,
 καὶ εἰσὶν ἴσαι. ἐκαστέρω ἄρα τῶν ὑπὸ $\bar{a}\beta\delta$,
 $\bar{a}\delta\epsilon$, ἡμίση εἰσὶν ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\beta\gamma\eta$,
 ἴση γὰρ εἰς τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τὸ $\bar{a}$. λοι-
 πὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$ ἡμίση εἰσὶν ὀρθῆς. ἴση ἄ-
 ρα ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\gamma\beta\eta$. ὥστε καὶ
 πλάρα ἡ $\beta\gamma$, τῇ $\gamma\eta$ εἰσὶν ἴση. ἀλλ' ἡ μὲν $\gamma\beta$,
 τῇ $\kappa\eta$ εἰσὶν ἴση: ἡ δὲ $\gamma\eta$, τῇ $\beta\kappa$. ἰσόπλάρον
 ἄρα εἰς τὸ $\gamma\kappa$, ἔχει δὲ ὀρθὴν πλὴν ὑπὸ $\gamma\beta\kappa$
 γωνίαν. πετράγωνον ἄρα εἰς τὸ $\gamma\kappa$, καὶ εἰσὶν
 ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ, καὶ τὸ $\zeta\theta$ πε-
 τράγωνον εἶσι. καὶ ἴσον εἰς πᾶς ἀπὸ τῆς $\bar{a}\gamma$.
 τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ πετράγωνα εἶσι. καὶ εἰσὶν ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\gamma\beta$, καὶ ἴσον εἰς πᾶς ἀπὸ τῆς $\bar{a}\eta$ πᾶ-
 ρη: καὶ εἰς τὸ $\bar{a}\eta$ τὸ ὑπὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ
 ἡ $\gamma\eta$, τῇ $\gamma\beta$: καὶ τὸ $\epsilon\eta$ ἄρα ἴσον εἰς πᾶς ὑπὸ
 τῶν $\bar{a}\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\bar{a}\eta$, $\eta\epsilon$, ἴσαι εἰς πᾶς διὰς ὑ-
 πὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\gamma\beta$: εἰς δὲ καὶ τὰ $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῶν $\bar{a}\gamma$, $\gamma\beta$, τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, $\bar{a}\eta$, $\eta\epsilon$
ἴσαι

anguli $a\epsilon d$, $ad\epsilon$, ϵad duobus rectis sunt æ-
quales, sed angulus ϵad est rectus: reliqui er-
go $a\epsilon d$, $ad\epsilon$ uni angulo recto sunt æquales.
uterq; igitur angulorum $a\epsilon d$, $ad\epsilon$ dimidia
est pars recti: sed angulus $\epsilon \gamma \eta$ est rectus, quia
angulo ad a sibi opposito æqualis est: reliquus
ergo angulus $\gamma \eta \epsilon$ dimidia pars recti est. qua-
re angulus $\gamma \eta \epsilon$, angulo $\gamma \epsilon \eta$ est æqualis. vn-
de & latus $\epsilon \gamma$, lateri $\gamma \eta$ est æquale. sed $\gamma \epsilon$ la-
tus est æquale lateri $\eta \eta$: et latus $\gamma \eta$, lateri $\epsilon \kappa$.
erit igitur figura $\gamma \kappa$ æquilatera: sed angulus
 $\gamma \epsilon \kappa$ est rectus: figura igitur $\gamma \kappa$ est quadratũ,
& descriptum est à recta $\gamma \epsilon$. hisdẽ medijs de-
monstrabitur, quod $\theta \zeta$ sit quadratum: & æ-
quale quadrato, à recta $a \gamma$ descripto. figura
igitur $\gamma \kappa$, $\theta \zeta$ sunt quadrata: & sunt equalia
quadratis à rectis $a \gamma$, $\gamma \epsilon$ descriptis. Cum au-
tem rectangulum $a \eta$ sit æquale rectangulo $\eta \epsilon$,
& rectangulũ $a \eta$ sit illud quod cõtineatur re-
ctis $a \gamma$, $\gamma \epsilon$: nam $\gamma \eta$ est æqualis rectæ $\gamma \epsilon$: id-
circo & $e \eta$ rectangulum erit æquale rectangu-
lo $a \gamma$, $\gamma \epsilon$ rectis cõtento. quare rectangula $a \eta$,
 $\eta \epsilon$ sunt equalia rectangulo quod $a \gamma$, $\epsilon \gamma$ rectis

B bis

ἴσα ἐστὶ τοῖς τε ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma, \gamma\beta$: καὶ τὰ δὲ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma, \gamma\beta$: ἀλλὰ τὰ $\gamma\kappa, \theta\zeta$: καὶ τὰ $\alpha\eta, \eta\epsilon$. ὅλον ἐστὶ τὸ $\alpha\epsilon$, ὅ ἐστιν ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.) Τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς $\alpha\delta$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma, \gamma\beta$ τετραγώνοις: καὶ τὰ δὲ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma, \gamma\beta$ περιεχόμενω ὀρθογώνιω ὥς ἐδὲ δεῖξαι. (Πόρισμα.) Ἐκ δὲ τούτων Φαίερόν ἐστιν, ὅτι ἐν τοῖς τετραγώνοις χωρίαις: τὰ περὶ τὴν διάμετρον παραλληλόγραμμα, τετραγώναι ἐσὶ.

Πρότασις ε. θεώρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἄνισα: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλοις τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῶν ἀπὸ τῆς μετὰ τῶν τομῶν τετραγώνων, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνω.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἢ $\alpha\beta$, τὴν μήδω εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ , εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ δ . (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta, \delta\beta$ περιε-

bis continetur: sed figurae $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, sunt equalia quadratis à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ descriptis. Hæ igitur quatuor figurae $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$, sunt equalles quadratis à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ descriptis, & rectangulo quod $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ rectis bis continetur: verum $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$ figurae: constituunt totum quadratum $\alpha\epsilon$, à recta linea $\alpha\epsilon$ descriptum. (Conclusio.) Quadratum igitur à recta linea $\alpha\epsilon$ descriptum: æquale est quadratis à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ descriptis, et rectangulo quod rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ bis continetur. Id quod demonstrandum erat. (Corollarium.) Ex his manifestum est, quod in quadratis figuris, parallelogramma quæ circa diametron sunt, sint quadrata.

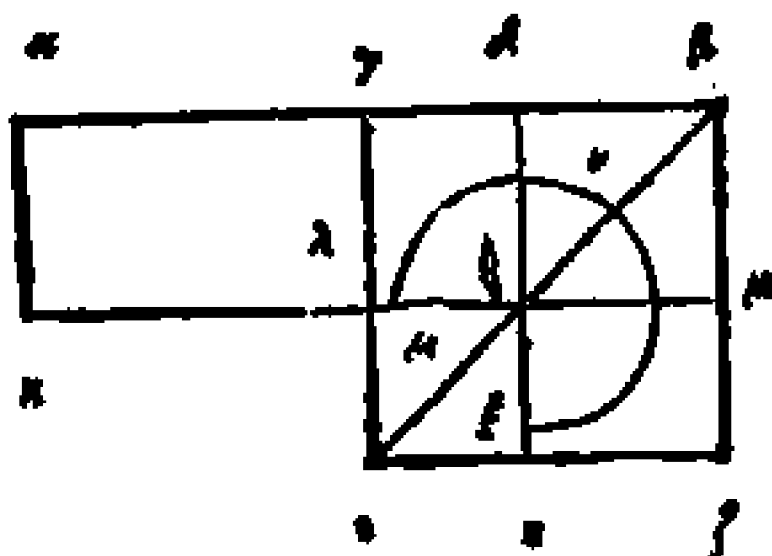
Propositio V. Theorema.

Si recta linea in equalia & in inæqualia fuerit secta: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus, cum quadrato quod à linea inter ipsa segmenta posita describitur: & quale est quadrato à dimidia linea descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $\alpha\epsilon$, secetur in partes æquales in puncto γ , & in partes inæquales in puncto δ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod rectangulum rectis $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$

περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μὴ δὲ τὸ ἀπὸ τῆς
 $\gamma\delta$ τετραγώνου ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\gamma\epsilon$ τε-
 τραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράφθω γὰρ
 ἀπὸ τῆς $\beta\gamma$

τετραγώνου
 τὸ $\gamma\epsilon\zeta\epsilon$
 καὶ ἐπεζεύ-
 χθω ἡ $\beta\epsilon$,
 καὶ διὰ μέν
 τῆς δ , ὁπο-



τέρα τῶν $\gamma\epsilon$, $\beta\zeta$ παράλληλῃς ἢ $\chi\theta\omega$ ἡ $\delta\eta$.
 διὰ δὲ τῆς θ ὀπίερα τῆς $\gamma\beta$, εἰς παράλληλῃς
 ἢ $\chi\theta\omega$ ἡ $\kappa\mu$, καὶ πάλιν διὰ τῆς α , ὀπίερα τῆς $\gamma\lambda$
 $\epsilon\mu$, παράλληλος ἢ $\chi\theta\omega$ ἡ $\alpha\kappa$. (Απόδειξις.)
 Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ $\gamma\theta$ παραπληρώματα
 $\beta\zeta$ παραπληρώματα: κοινὸν προσκείσθω τὸ
 $\delta\mu$ ὅλον ἄρα τὸ $\gamma\mu$, ὅλω τῷ $\delta\zeta$ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ
 τὸ $\gamma\mu$, τῷ $\alpha\lambda$ ἴσον ἐστίν. ἐπεὶ καὶ ἡ $\alpha\gamma$, τῇ $\gamma\epsilon$ ἴ-
 ση ἐστὶ: καὶ τὸ $\alpha\lambda$ ἄρα, τῷ $\delta\zeta$ ἴσον ἐστὶ. κοινὸν
 προσκείσθω τὸ $\gamma\theta$. ὅλον ἄρα τὸ $\alpha\theta$, τῷ $\delta\zeta$
 καὶ $\delta\lambda$ ἴσον ἐστὶ. ἀλλὰ τὸ μὲν $\alpha\theta$, τῷ ὑπὸ τῶν
 $\alpha\delta$, $\delta\zeta$ ἴσον ἐστίν. ἴση γὰρ ἡ $\delta\theta$, τῇ $\delta\epsilon$, τὸ δὲ $\zeta\delta$,
 $\delta\lambda$, ἐστὶν ὁ μὲν ξ γνώμων, καὶ ὁ μὲν ξ ἄρα γνώμων.

contentum, cum quadrato à linea $\gamma\delta$ descripto, sit aequale quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto.

(Delineatio.) Describatur à recta linea $\beta\gamma$ quadratum $\gamma\epsilon\zeta\epsilon$: & fiat linea $\beta\epsilon$: atq; per punctum δ utriq; rectæ $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$ ducetur æquedistans recta $\delta\eta$ per punctum etiam θ , utriq; rectæ $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$, æquedistans ducatur recta $\kappa\mu$: item per punctum α , rectis $\gamma\lambda$, $\epsilon\mu$ æquedistans ducatur recta $\alpha\kappa$. (Demonstratio.)

Cum itaq; supplementum $\gamma\theta$, supplemento $\theta\zeta$ æquale sit: commune addatur parallelogrammon $\delta\mu$. totum igitur $\gamma\mu$, toto $\delta\zeta$ erit æquale. sed $\gamma\mu$ rectangulum æquale est rectangulo $\alpha\lambda$, quia $\alpha\gamma$ recta, æqualis est rectæ $\gamma\beta$, & idcirco $\alpha\lambda$ rectangulum, erit æquale rectangulo $\delta\zeta$. commune addatur $\gamma\theta$. totum igitur rectangulum $\alpha\theta$, æquale est rectangulis $\delta\zeta$, $\delta\lambda$: sed rectangulum $\alpha\theta$, est ei quod continetur rectis $\alpha\delta$, $\delta\beta$ æquale. quia recta $\delta\theta$, rectæ $\delta\beta$ æqualis, & $\zeta\delta$, $\delta\lambda$, efficiunt gnomonem $\mu\nu\zeta$. quare $\mu\nu\zeta$ gnomon, æqualis est

B 3 rectan-

ἴσος ἐστὶ τὰ ὑπὸ $\alpha\delta$, $\delta\beta$ κοινὸν προσκείμενον
 τὸ $\lambda\eta$. ὅ ἐστιν ἴσον τὰ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$. ὁ ἄρα μὲν
 γνώμων, καὶ τὸ $\lambda\eta$ ἴσα ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$,
 $\delta\epsilon$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 $\gamma\delta$ τετραγώνῳ. ἀλλὰ ὁ μὲν γνώμων, καὶ τὸ
 $\lambda\eta$ ὅλον ἐστὶ τὸ γε $\zeta\epsilon$ τετραγώνον, ὅ ἐστιν ἀπὸ
 τῆς $\gamma\beta$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ περιεχο-
 μένον ὀρθογώνιον, μὲν τὸ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ τετρα-
 γώνου, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$ τετραγώνῳ.
 (Συμπέρασμα.) Εἰὰ ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ
 τμηθῇ εἰς ἴσα ϵ αἵσας· τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίστων τῆς
 ὅλης τμημάτων περιεχομένον ὀρθογώνιον,
 μὲν τὸ ἀπὸ τῆς με $\zeta\upsilon$ τῶν τομῶν τετραγώ-
 νου, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώ-
 νου. ὅπως ἴδει δειξαι.

Πρότασις 5. Θεώρημα.

Εἰαν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσπε-
 ρθῇ δὲ πρὸς αὐτὴν εὐθεῖα ἐκ τῆς εὐθείας· τὸ ὑ-
 πὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ) προσκείμενη, καὶ τῆς
 προσκειμένης περιεχομένον ὀρθογώνιον, με-
 τὰ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ
 τὰ ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἐκ τε τῆς ἡμισείας,
 καὶ τῆς

rectangulo $\alpha\delta, \delta\beta$ rectis contento. Commune addatur $\lambda\eta$, quod æquale est quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. itaq; $\mu\nu\xi$ gnomon, & $\lambda\eta$ quadratum, æqualia sunt rectangulo $\alpha\delta, \delta\beta$ rectis contento, & quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. verum $\mu\nu\xi$ gnomon, & quadratum $\lambda\eta$: faciunt ac constituunt totum quadratum $\gamma\epsilon\zeta$, quod est quadratum à recta $\gamma\epsilon$ descriptum. Quare rectangulum $\alpha\delta, \delta\beta$ rectis contentum, cum quadrato à $\gamma\delta$ descripto: æquale est quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea fuerit secta in partes æquales, & in partes inæquales: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus totius lineæ rectæ, cum quadrato eius lineæ, quæ est inter segmenta, æquale est quadrato dimidiæ lineæ rectæ. Id quod erat demonstrandum.

Propositio VI. Theorema.

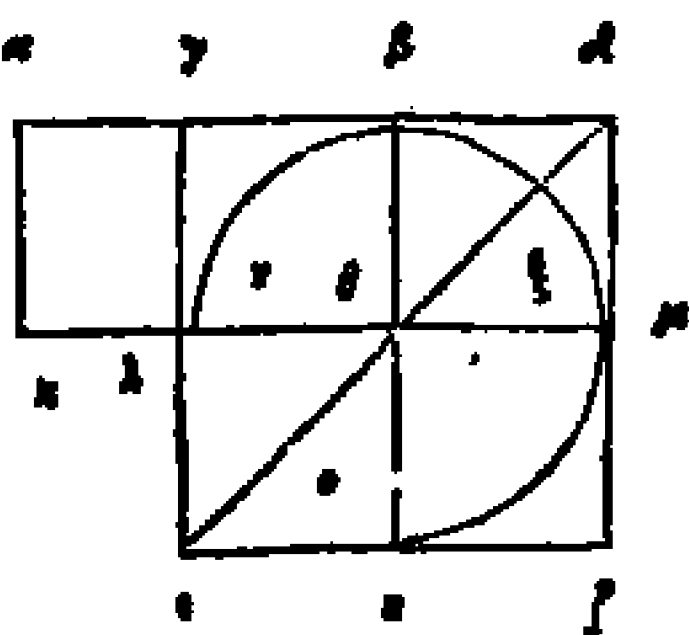
Si recta linea in duas partes æquales secta fuerit: & ei addatur alia quædam recta linea è directio: tum rectangulum quod tota & addita linea recta continetur cum quadrato à dimidia linea recta descripto: est æquale qua-

καὶ τῆς προσκειμένης ὡς ἀπὸ μίας ἀναγρα-
φέντι πετραγώνῳ.

Εκθίσις.) Εὐθεῖα γὰρ τῆς ἢ $\alpha\beta$, τῇ μὲν ὁδῷ δί-
χα καὶ ἀπὸ γ σημείου: προσκείσθω δὲ πρὸς αὐ-
τῇ εὐθεῖα, ἐπὶ εὐθείας ἢ $\beta\delta$. (Διορισμός.)
Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιεχόμε-
νον ὀρθογώνιον, μὲν τῷ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ πετραγώ-
νῳ: ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ πετραγώνῳ.

(Κατασκευὴ.) Α-

ναγγραφέσθω γὰρ
ἀπὸ τοῦ $\gamma\delta$ πετρα-
γώνου τὸ $\gamma\epsilon\zeta\delta$:
καὶ ἐπεξέλθω
ἢ δὲ καὶ διὰ μέν
τῷ β σημείῳ, ὅπ-
τέρα τῶν $\epsilon\gamma$, $\delta\zeta$



παράλληλῳ ἢ $\chi\theta\omega$ ἢ $\beta\eta$: διὰ δὲ $\xi\theta$ σημείῳ,
ὅποτερά τῶν $\alpha\beta$, $\epsilon\zeta$ παράλληλῳ ἢ $\chi\theta\omega$ ἢ
κμ. καὶ ἐπὶ διὰ τῷ α ὅποτερά τῶν $\gamma\lambda$, $\delta\mu$ πα-
ράλληλῳ ἢ $\chi\theta\omega$ ἢ $\alpha\kappa$. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ
ὅν ισὴ ἐστὶν ἢ $\alpha\gamma$, τῇ $\gamma\delta$: ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ $\alpha\lambda$,
πρὸς $\gamma\theta$. ἀλλὰ καὶ τὸ $\gamma\theta$ πρὸς $\theta\zeta$ ἴσον ἐστὶ: καὶ τὸ
 $\alpha\lambda$ ἄρα πρὸς $\theta\zeta$ ἴσον ἐστὶ. κοινὸν προσκείσθω
τὸ $\gamma\mu$

drato à linea composita ex dimidia, & adiecta, ac si esset vna tantum linea recta, descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $αβ$, secetur in duas aequales partes in puncto $γ$: & ei è directo adijciatur recta quaedam linea $βδ$. (*Explicatio quæsiti.)* Dico quod rectangulum rectis $αδ$, $ββ$ contentum cum quadrato à recta $γβ$ descripto: æquale sit quadrato à recta $γδ$ descripto. (*Delineatio.)* Describatur enim à recta linea $γδ$ quadratum $γϵζδ$: & ducatur linea recta $δε$: atq; per punctum $β$, utriq; lineæ rectæ $εγ$, $δζ$ ducatur æquedistans recta $βη$: item per punctum $θ$, utriq; rectæ $αβ$, $εζ$, ducatur æquedistans recta $κμ$: deniq; per punctum $α$ utriq; rectæ $γλ$, $δμ$ æquedistans ducatur recta $ακ$. (*Demonstratio.)* Quoniam nunc recta $αγ$, æqualis est rectæ $γβ$: erit etiam rectangulum $αλ$, rectangulo $γθ$ æquale, sed $γθ$ est æquale $θζ$, ergo & $αλ$ rectangulum erit æquale rectangulo $θζ$. Commune addatur rectan-

B 5 gulum

τὸ γμ. ὅλον ἄρα τὸ αμ, τὰ νξο γνώμονι ἐ-
 σὶν ἴσον. ἀλλὰ τὸ αμ, ἐστὶ τὸ ὑπὸ τῶν αδ, δβ.
 ἰσὴ γδ ἐστὶν ἡ δμ, τῇ δβ. καὶ ὁ νξο γνώμων, ἴ-
 σος ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν γδ, δβ περιεχομένῳ
 ὀρθογώνιῳ. κοινὸν προσκείσθω τὸ λη, ὃ ἐστὶν
 ἴσον, τὰ αὖτὸ τῆς γδ τετραγώνῳ. τὸ ἄρα ὑ-
 πὸ τῶν αδ, δβ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τῷ αὖτὸ τῆς βγ τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ
 νξο γνώμονι καὶ τὰ λη. ἀλλ' ὁ νξο γνώμων, ἐ-
 τὸ λη, ὅλον ἐστὶ τὸ γεζδ τετραγώνον, ὃ ἐστὶν
 αὖτὸ τῆς γδ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν αδ, δβ πε-
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ αὖτὸ τῆς βγ
 τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ αὖτὸ τῆς γδ τετρα-
 γώνῳ. (Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα εὐθεία
 γραμμὴ τμηθῇ δίχα προστεθῇ δὲ πρὸς αὐτῇ
 εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας· τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ
 προσκειμένη, καὶ τῆς προσκείμενης περιεχο-
 μένον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ αὖτὸ τῆς ἡμισείας τε-
 τραγώνῳ· ἴσον ἐστὶ τὰ αὖτὸ τῆς συγκεimenης
 ἐκ τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκειμένης ὡς
 ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαφένῃ τετραγώνῳ. ὅπως ἔδδ
 δεῖξαι.

Πρώτα-

gulum $\gamma\mu$. totum igitur rectangulum $\alpha\mu$,
 erit $\nu\zeta\theta$ gnomoni æquale: sed $\alpha\mu$ est rectan-
 gulum quod $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ rectis continetur. quia
 $\delta\mu$ recta est æqualis rectæ $\delta\beta$: ideo & $\nu\zeta\theta$
 gnomon, æqualis est rectangulo quod rectis
 $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ continetur. commune addatur rectan-
 gulum $\lambda\eta$, quod æquale est quadrato à recta
 $\gamma\epsilon$ descripto. ergo rectangulum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ re-
 ctis contentum cum quadrato quod à recta
 $\beta\gamma$ describitur, est æquale $\nu\zeta\theta$ gnomoni, &
 rectangulo $\lambda\eta$. verum $\nu\zeta\theta$ gnomon, & re-
 ctangulum $\lambda\eta$: constituunt totum quadra-
 tum $\gamma\epsilon\zeta\delta$, quod est descriptum à recta $\gamma\delta$.
 rectangulum igitur $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, rectis conten-
 tum, cum quadrato à recta $\beta\gamma$ descripto, æ-
 quale est quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. (Cō-
 clusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in
 duas partes æquales, eiq; addatur è directo li-
 nea quedam recta, rectangulum quod tota recta cum
 ipsa adiecta, & ipsa linea adiecta continetur: cum
 quadrato quod à dimidia linea recta describitur: æ-
 quale est quadrato, quod à linea composita ex dimi-
 dia & adiecta, & ipsa adiecta tanquam una esset li-
 nea describitur. quod erat demonstrandum.

Propo-

Πρότασις ζ. θεώρημα.

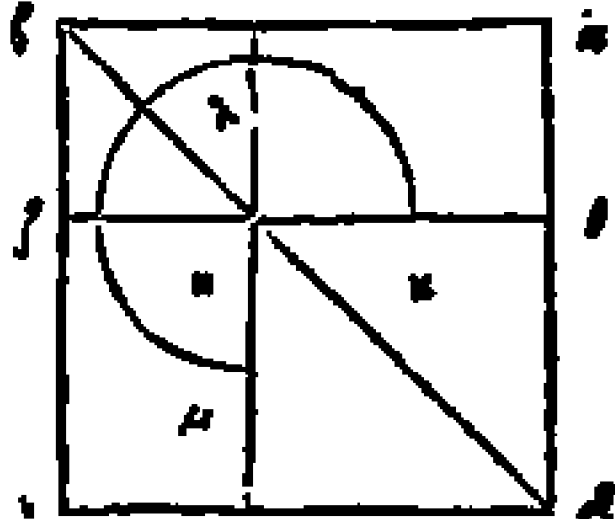
Εάν εὐθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχεν ἅ-
πὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμη-
μάτων, τὰ συναμφοτέρω τετράγωνα ἴσα ἴ-
σιν τὰ πεδία ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ ἐξημένῳ
τμήματι $\odot$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ· καὶ τὰ
ἅπὸ τῷ λοιπῷ τμήματι $\odot$ τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεία γάρ τις ἡ $\alpha\beta$, τῇ μήθει ὡς
ἔτυχεν καὶ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέ-
γω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ τετράγωνα, ἴσα
ἔσιν τὰ πεδία ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχομέ-
νῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώ-
νῳ. (Κατασκευὴ.) Αναγκράφθω γὰρ ἀπὸ
τῆς $\alpha\beta$ τετράγω-

νον, τὸ $\alpha\delta\epsilon\beta$ · καὶ κα-
ταγκράφθω τὸ σχῆ-
μα. (Απόδειξις.)

Καὶ ἐπεὶ ἴσων ἐσὶ τὸ
 $\alpha\eta$, τὰ $\eta\epsilon$. κοινὸν
προσκέειθω τὸ $\gamma\zeta$.
ὅλον ἄρα τὸ $\alpha\zeta$, ὅ-

λω τὰ γε εἰσὶν ἴσων. τὰ ἄρα $\alpha\zeta$ γὰρ διπλασία
ἐσὶ τῷ $\alpha\zeta$. ἀλλὰ τὰ $\alpha\zeta$ γὰρ, ὅ κλμ ἐσὶ γνῶμων,
καὶ



Propositio VII. Theorema.

Si recta linea secta utcumque fuerit: Squadratum quod à tota, & alterum quod à segmento describitur: ista duo inquam quadrata æqualia sunt, rectangulo quod tota linea recta, & prædicto segmento bis continetur: & quadrato reliqui segmenti.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab secetur utcumq; in puncto γ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod quadrata à rectis ab , $\beta\gamma$ descripta, sint æqualia rectangulo quod ab , $\beta\gamma$ rectis bis continetur, & quadrato à recta $a\gamma$ descripto. (*Delineatio.)* Describatur enim à recta ab quadratum $ad\epsilon\beta$, & perficiatur integra delineatio figuræ. (*Demonstratio.)* Quoniam rectangulum an , æquale est rectangulo ne : commune addatur rectangulum $\gamma\zeta$. totum igitur $a\zeta$, toti $\gamma\epsilon$ esse æquale. quare $a\zeta$, $\gamma\epsilon$ rectangula dupla sunt rectanguli $a\zeta$. sed rectangula $a\zeta$, $\gamma\epsilon$, faciunt $\kappa\lambda\mu$, gnomonem,

καὶ τὸ γζ τετράγωνον. ὁ κλμ ἄρα γνῶμων,
καὶ τὸ γζ, διπλασία ἐστὶ τοῦ αζ. ἐστὶ δὲ τοῦ
αζ διπλασίον, καὶ τὸ δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ,
ἴση γάρ ἡ βζ, τῇ βγ. ὁ ἄρα κλμ γνῶμων, καὶ
τὸ γζ τετράγωνον, ἴσων ἐστὶ τῶν δλς ὑπὸ τῶν
αβ, βγ. κοινὸν προσκείσθω τὸ δη, ὁ ἐστὶν ἀπὸ
τῆς αγ τετράγωνον. ὁ ἄρα κλμ γνῶμων, ἔ-
σται βη, ἡ δὲ τετράγωνά ἴσα ἐστὶ τῶν δλς ὑπὸ
τῶν αβ, βγ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ καὶ τῶν
ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῳ. ἀλλ' ὁ κλμ γνῶ-
μων, καὶ τὰ βη, ἡ δὲ τετράγωνά. ὅλων ἐστὶ τὸ
αδεβ, καὶ τὸ γζ, ἀ ἐστὶν ἀπὸ τῶν αβ, βγ τε-
τράγωνά, τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετρά-
γωνα, ἴσα ἐστὶ τῶν δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ
περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, μεία τοῦ ἀπὸ τῆς
αγ τετραγώνῳ. (Συμπίερασμα.) Ἐάν
ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτύχε, τὸ ἀπὸ
τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων,
τὰ συναμφοτέρω τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῶν δλς
ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν εἰρημένων τμημα-
των περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῶν ἀπὸ
τῶν λοιπῶν τμημάτων τετραγώνῳ, ὡς ἑδε-
δείξαμεν.

Πρότερον

nem, & quadratum à recta $\gamma\zeta$ descriptum. Ergo $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & $\gamma\zeta$ quadratum sunt dupla rectanguli $\alpha\zeta$. verum rectanguli $\alpha\zeta$ duplum est rectangulum quod rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis continetur: quia $\beta\zeta$ recta, equalis est rectæ $\beta\gamma$. quare $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & quadratum $\gamma\zeta$, sunt equalia rectangulo quod rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ bis continetur. cōmune addatur $\delta\eta$, quod est quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum. gnomon igitur $\kappa\lambda\mu$, & $\beta\eta$, nō quadrata equalia sunt rectangulo, quod rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis continetur, & quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. Verū $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & $\beta\eta$, nō quadrata, totum constituunt $\alpha\delta\epsilon\beta$, & $\gamma\zeta$, quæ sunt duo quadrata, à rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ descripta. Quare quadrata à rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ descripta, equalia sunt rectangulo rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis cōtento, vnā cum quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea vicinq, fuerit secta, quadratum à tota descriptum, & quadratum alterius segmenti, hæc duo inquam quadrata addita, equalia sunt rectangulo quod tota & prædicto segmento continetur, & quadrato à reliquo segmento descripto. Id q. demonstrandū erat.

Πρότασις η. θεώρημα.

ΕΑΝ εὐθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης, ἑνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον μετὰ τῆ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος πετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ εἰρημέτου τμήματι, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαφένι τετραγώνῳ.

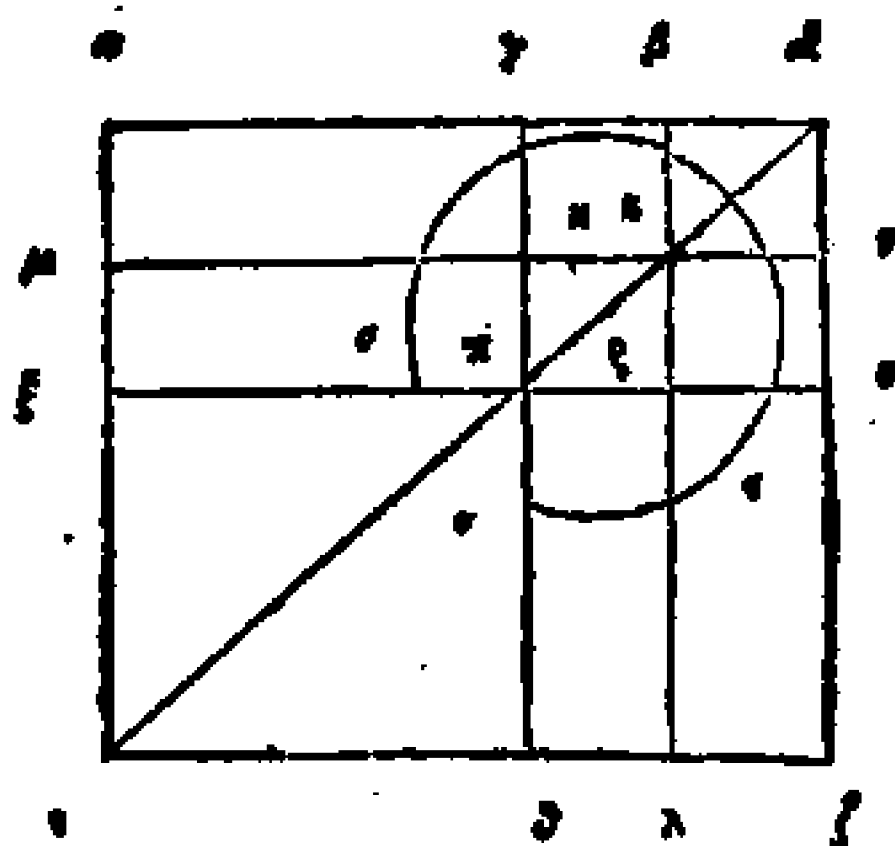
(Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἢ $\alpha\beta$, τεμήσθω ὡς ἔτυχε κατὰ τὸ γ σημείον. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ τετράκις ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, βγ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, βγ ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαφένι τετραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Εκβεβλήσθω γάρ ἐκ τῆς εὐθείας τῆς $\alpha\beta$, εὐθεῖα ἡ βδ· καὶ κείσθω τῇ γβ, ἴση ἡ βδ· καὶ ἀναγεχράφθω ἀπὸ τῆς αδ, τετραγώνον τὸ αεζδ· καὶ κατὰ γεχράφθω διπλᾶν τὸ γῆμα. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἔν ἴση ἐστὶ ἡ γβ τῇ βδ, ἀλλ' ἡ μὲν βγ τῇ ἡκ ἐστὶν ἴση. ἡ δὲ βδ, τῇ κν, καὶ ἡ ἡκ τῇ κν ἐστὶν ἴση. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ ἡ πε, τῇ ρε ἐστὶν ἴση. καὶ ἔπει ἴση ἐστὶν ἡ μὲν βγ, τῇ βδ, ἡ δὲ ἡκ, τῇ κν, ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν

Propositio VIII. Theorema.

SI recta linea secta utcumq; fuerit rectangulum, quod tota linea, & altero segmento quater continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: æquale est quadrato qd à tota & prædicto segmento tanquam una esset linea recta, describitur.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab , secetur utcumq; in pñcto γ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod rectangulum rectis ab , $\beta\gamma$ quater contentum, cum quadrato à recta ay descripto, æquale est quadrato à rectis ab , $\beta\gamma$, tanquam ab una linea descripto. (*Delineatio.)* Nam recta $\beta\delta$ producat in ϵ & $\epsilon\delta$ rectæ ab : & fiat rectæ $\gamma\beta$, æqualis recta $\epsilon\delta$, & à recta ad describatur quadratum $ae\zeta\delta$: & ipsa figura duplicata delineatiõe describatur. (*Demōstratio.)* Quoniã recta $\gamma\beta$, æqualis est rectæ $\epsilon\delta$: & recta $\gamma\epsilon$ æqualis rectæ $\eta\kappa$: atq; recta $\beta\delta$, æqualis rectæ $\kappa\nu$: idcirco etiam $\eta\kappa$ æqualis est rectæ $\kappa\nu$. Eadem ratione etiam $\pi\epsilon$ recta, æqualis est rectæ $\rho\sigma$. cum vero $\beta\gamma$ æqualis sit rectæ $\beta\delta$, & recta $\eta\kappa$, rectæ $\kappa\nu$: idcirco etiam rectangulum $\gamma\kappa$, æquale est

C le est



τὸ μὲν $\gamma\kappa$, τὰ $\kappa\delta$: τὸ δὲ $\eta\rho$ τὰ $\rho\nu$, ἀλλὰ τὸ $\gamma\kappa$
 τὰ $\rho\nu$ εἰν ἴσιν. παραπληρώματα γὰρ $\delta\epsilon$ $\gamma\theta$
 παραλληλογράμμια. καὶ τὸ $\alpha\delta$ ἄρα τὰ $\nu\rho$ εἰ-
 σὶν ἴσιν. τὰ τέσσαρα ἄρα τὰ $\delta\kappa$, $\gamma\kappa$, $\eta\rho$, $\rho\nu$: ἴ-
 σαι ἀλλήλοις εἰσὶ. τὰ τέσσαρα ἄρα, τετραπλά-
 σια εἰσὶ $\delta\epsilon$ $\gamma\kappa$. πάλιν ἐπεὶ ἴση εἰσὶν ἡ $\gamma\beta$, τῇ $\beta\delta$:
 ἀλλ' ἡ $\mu\alpha$ $\beta\delta$, τῇ $\beta\kappa$: τὰτ' εἰσὶ τῇ $\gamma\eta$ εἰν ἴση.
 ἡ δὲ $\gamma\beta$, τῇ $\eta\kappa$, τὰτ' εἰσὶ τῇ $\eta\pi$ ἴση εἰσὶ, καὶ ἡ $\gamma\eta$
 ἄρα, τῇ $\eta\pi$ εἰν ἴση. ὥστε ἴση εἰσὶν ἡ μὲν $\gamma\eta$,
 τῇ $\eta\pi$, ἡ δὲ $\mu\alpha$ $\rho\eta$, τῇ $\rho\theta$, ἴσιν εἰσὶ, καὶ τὸ μὲν $\alpha\eta$,
 τὰ $\mu\omega$, τὸ δὲ $\omega\lambda$ τὰ $\rho\zeta$. ἀλλὰ τὸ $\mu\omega$, τὰ
 $\omega\lambda$ εἰν ἴσιν. παραπληρώματα γὰρ $\delta\epsilon$ $\mu\lambda$ πα-
 ραλληλογράμμια. καὶ τὸ $\alpha\eta$ ἄρα τὰ $\rho\zeta$ ἴσιν εἰσὶ.
 τὰ τέσ-

In numeris sic:

Sit ab , 8. diuisa in ax in ay , 6. & xb , 2. Rectangulum quater contentū rectis ab , b , sit 64. quadratum ay , sit 36. adde, sunt 100. Quadratum verò à rectis ab , b descriptum, ac si esset vna linea, nempe 10. est quad: 100.

64. Rect: 10.

36. Quad: 10.

100.

100. quad:

le est rectangulo xd : & rectangulum $ηρ$, rectangulo $ρν$: sed rectangulum $γκ$ etiam est æquale rectangulo $ρν$. quia sunt supplementa parallelogrammi $γo$. quare xd etiam est æquale $ρν$. quatuor igitur hæc dx , $γκ$, $ηρ$, $ρν$, inter se sunt equalia, & idcirco ipsius $γκ$ quadrupla. rursus quoniam $γβ$, equalis est rectæ $βd$: verum $βd$ equalis est $βκ$: hoc est $γη$, & $γβ$ equalis $ηκ$, hoc est $ητ$: ergo & $γη$ equalis est rectæ $ητ$: & quia $γη$, equalis est rectæ $ητ$: $τρ$ verò rectæ $ρo$, ideo & an rectangulum, rectangulo $μτ$ est æquale: & $τλ$ rectangulum, rectangulo $ρζ$. verum $μτ$ rectangulum, æquale est rectangulo $τλ$, quia sunt supplementa parallelogrammi $μλ$. Ergo & rectangulum $αν$, rectangulo $ρζ$ est

C 2

æqua-

τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ $\alpha\eta$, $\mu\pi$, $\omega\lambda$, $\rho\zeta$, ἴσα ἀλ-
 λήλοις ἐσὶ. τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ $\alpha\eta$ ἐστὶ τε-
 τραπλάσια. εἰδείχθη δὲ καὶ τὰ τέσσαρα τὰ
 $\gamma\kappa$, $\kappa\delta$, $\eta\rho$, $\rho\nu$, τὰ $\gamma\kappa$ τετραπλάσια. τὰ ἄρα
 οὐκ ἔστι ἀπεριμέχαι τὸν στυγνώμονα, τετρα-
 πλάσια ἐστὶ τὰ $\alpha\kappa$. καὶ ἐπεὶ τὸ $\alpha\kappa$, τὸ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἐστίν. ἴση γὰρ καὶ ἡ $\beta\kappa$, τῇ $\beta\delta$.
 τὸ ἄρα τετράκις ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ τετρα-
 πλάσιον ἐστὶ τὰ $\alpha\kappa$. εἰδείχθη δὲ τὰ $\alpha\kappa$ τετρα-
 πλάσιον, ὅστυ γνώμων. τὰ ἄρα τετρά-
 κισ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἴσα ἐσὶ, τὰ στυγνώ-
 μοι. κοινὸν περικλείω τὸ $\xi\theta$, ὃ ἐστίν ἴσον τὰ
 ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνῳ. τὸ ἄρα τετράκις
 ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον.
 μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τὰ
 στυγνώμοι, καὶ τὰ $\xi\theta$. ἀλλ' ὅστυ γνώ-
 μων, καὶ τὸ $\xi\theta$, ὅλον ἐστὶ τὸ αὐτὸ τετράγω-
 νον, ὃ ἐστίν ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$. τὸ ἄρα τετράκις ὑ-
 πὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ, τὰ
 ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$. τὰτ' ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, καὶ
 $\beta\gamma$, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγκαφένῃ τετραγώνῳ.

(Συμ-

æquale. quatuor igitur hæc $\alpha\eta$, $\mu\omega$, $\omega\lambda$, $\epsilon\zeta$, sunt inter se æqualia, & idcirco rectanguli $\alpha\eta$ quadrupla. Verum demonstratum est rectangula $\gamma\kappa$, $\kappa\delta$, $\eta\epsilon$, $\epsilon\upsilon$ esse quadrupla rectanguli $\gamma\kappa$. quare octo ista quæ $\sigma\tau\upsilon$ gnomoni sunt cõtenta, sunt etiã quadrupla rectanguli $\alpha\kappa$. & cum rectangulum $\alpha\kappa$, sit id quod $\alpha\epsilon$, $\epsilon\delta$ rectis cõtinetur, quia recta $\epsilon\kappa$, æqualis est rectæ $\epsilon\delta$. quare quod quater continetur rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\delta$, quadruplum est rectanguli $\alpha\kappa$. sed rectanguli $\alpha\kappa$, demonstratus est gnomõ $\sigma\tau\upsilon$ quadruplus. quare rectangula quæ rectis $\alpha\beta$, $\beta\delta$ quater continentur, sunt æqualia $\sigma\tau\upsilon$ gnomoni. commune addatur $\xi\theta$, quod est æquale quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. rectangulum igitur rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\delta$ quater continuum: cum quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto: æquale est $\sigma\tau\upsilon$ gnomoni, & $\xi\theta$: verum $\sigma\tau\upsilon$ gnomon, & $\xi\theta$, constituunt totum quadratũ à recta $\alpha\delta$ descriptum. rectangulum igitur quod rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$ quater continetur, cum quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto, est æquale quadrato à recta $\alpha\delta$ descripto, hoc est quadrato à rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\gamma$, tanquam

(Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε: τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἑνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μεία τῷ ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμήματι Θ τετραγώνου ἴσον ἐστὶ τῷ πᾶσι ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τοῦ εἰρημένου τμήματι Θ , ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγεαφέντι τετραγώνῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις θ. θεώρημα.

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα τὰ ἀπὸ τῶν ἀνίστων τῆς ὅλης τμημάτωνων τετράγωνα, διπλασιάσει, τῷ πᾶσι ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς μετὰ ξυ τῶν τομῶν τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ $\alpha\beta$ πημήσθω, εἰς μὲν ἴσα καὶ τὸ γ : εἰς δὲ ἀνίστα καὶ τὸ δ . (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ τετράγωνα, διπλασιάσει, τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ τετραγώνων. (Κατασκευὴ.) Ηχθῶ γὰρ ἀπὸ τῆς γ , τῇ $\alpha\beta$ πρὸς ὀρθὰς ἡ $\gamma\epsilon$: ἥ κείσθω ἴση ἐκατέρω, τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: καὶ ἐπεξέχθωσαν αἱ $\epsilon\alpha$, $\epsilon\beta$: καὶ διὰ μὲν τῆς δ , τῇ $\epsilon\gamma$ παράλληλῃ $\lambda\theta$.

esset una linea descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea ubicunq; fuerit secta: rectangulum quod à tota linea, & uno segmento continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: aequale est quadrato à tota & prædicto segmento, tanquam esset una linea recta descripto. quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

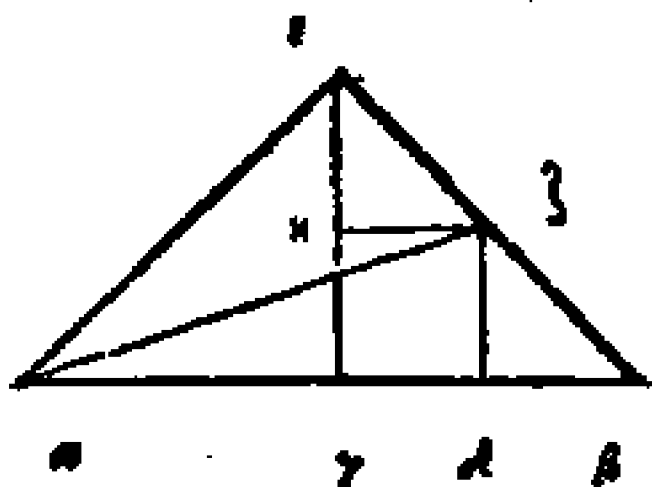
SI recta Linea fuerit secta in equalia, & in inæqualia: quadrata à segmentis inæqualibus totius lineæ rectæ descripta, dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & quadrati eius lineæ, quæ intra ipsas comprehenditur sectiones.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab secetur in equalia in puncto γ , & in inæqualia in puncto δ . (*Explicatio quæsitæ.)* Dico quod quadrata à rectis ad , δb descripta, dupla sint quadratorum à rectis ay , γd descriptorum.

(*Delineatio.)* Ducatur à puncto γ , rectæ ac & β ad angulos rectos, linea recta γe : utriq; rectarum ay , $\gamma \beta$ fiat γe equalis: atq; ducantur lineæ rectæ ea , $e\beta$: item per punctum δ , rectæ ey

c 4 δ ducantur.

λθω ἡ $\delta\zeta$:
 ἀλλὰ δὲ τὸ ζ , τῇ $\alpha\beta$
 παράλληλος ἡ χ -
 θω ἡ $\zeta\eta$: καὶ ἐπε-
 ζῶχθω ἡ $\alpha\zeta$. (Α-
 πόδειξις.) Καὶ ἐ-
 πεί ἴση ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$,
 τῇ $\gamma\epsilon$. ἴση ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ $\epsilon\alpha\gamma$ γωνία, τῇ ὑ-
 πὸ $\alpha\epsilon\gamma$. καὶ ἐπεὶ ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ γ , λοι-
 παὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$, μιᾷ ὀρθῇ ἴσαι εἰ-
 σιν. ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν ἐκάτερα τῶν ὑ-
 πὸ $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$. ἀλλὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἐκάτερα
 τῶν ὑπὸ $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὅλη
 ἄρα ἡ ὑπὸ $\alpha\epsilon\beta$, ὀρθὴ ἐστὶν. καὶ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ
 ἡ $\epsilon\zeta$ ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\epsilon\eta\zeta$ ὡς
 γὰρ ἐστὶ τῇ ἐντὸς, ἑαπεναντίον, τῇ ὑπὸ $\epsilon\gamma\epsilon$.
 λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\epsilon\zeta\eta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση
 ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ἡ $\epsilon\zeta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\epsilon\zeta\eta$. ὥ-
 στε καὶ πάλιν ἡ $\epsilon\eta$, πάλιν τῇ $\zeta\eta$ ἐστὶν ἴση.
 πάλιν ἐπεὶ ἡ πρὸς τῷ β γωνία, ἡμίση ἐστὶν
 ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\zeta\delta\beta$. ἴση γὰρ πάλιν
 ἐστὶν τῇ ἐντὸς καὶ ἑαπεναντίον τῇ ὑπὸ $\epsilon\gamma\beta$.
 λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\beta\zeta\delta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς.



ducatur æquedistans recta $\delta\zeta$: per punctum
 etiam ζ , recta $\alpha\epsilon$ æquedistans ducatur recta
 $\zeta\eta$: & postremo fiat recta $\alpha\zeta$. (Demonstratio.)
 Cum itaq; recta $\alpha\gamma$, recta $\gamma\epsilon$ sit æqualis, etiã
 angulus $\epsilon\alpha\gamma$, angulo $\alpha\epsilon\gamma$ æqualis erit, sed an-
 gulus ad punctum γ est rectus, reliqui igitur
 anguli $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$ uni angulo recto sunt æqua-
 les. uterq; igitur angulorum $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$: dimi-
 dia est recti anguli pars. per eadem demon-
 strabitur, quod uterq; angulorum $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$
 dimidia sit recti pars. totus igitur angulus
 $\alpha\epsilon\epsilon$ est rectus, et quia angulus $\eta\epsilon\zeta$ dimidia est
 pars anguli recti, angulus verò $\epsilon\eta\zeta$ rectus, quia
 $\epsilon\gamma\epsilon$ angulo interno sibi opposito æqualis est,
 idcirco reliquus angulus $\epsilon\zeta\eta$, etiam est dimi-
 dia recti pars. quare angulus $\eta\epsilon\zeta$, æqualis est
 angulo $\epsilon\zeta\eta$: unde etiam latus $\epsilon\eta$, lateri $\zeta\eta$ est
 æquale. rursus quoniam angulus ad punctum
 β dimidia est recti pars, & angulus $\zeta\delta\beta$ re-
 ctus. quia iterum angulo $\epsilon\gamma\beta$ interno sibi op-
 posito est æqualis. reliquus igitur angulus
 $\epsilon\zeta\delta$ dimidia recti pars erit. quare etiam an-
 gulus

ἴση ἄρα ἡ πρὸς τὰ β γωνία, τῇ ὑπὸ δ ζ.
 ὥστε καὶ πλάρᾳ ἡ δ ζ, πλάρᾳ τῇ δ β εἰν ἴση.
 καὶ ἐπεὶ ἴση εἰν ἡ α γ, τῇ γ ε, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ
 ἀπὸ τῆς α γ, τὰ ἀπὸ τῆς γ ε. τὰ ἄρα ἀπὸ
 τῶν α γ, γ ε τετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῷ ἀ-
 πὸ τῆς α γ. τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν α γ, γ ε, ἴσον ἐστὶ
 τὸ ἀπὸ τῆς ε α τετράγωνον. ὀρθὴ γάρ ἡ ὑπὸ
 α γ ε γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε α, διπλάσιόν
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς α γ. πάλιν ἐπεὶ ἴση εἰν ἡ ε η,
 τῇ η ζ: ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ε η, τὰ ἀπὸ τῆς
 η ζ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετράγωνα, δι-
 πλάσιά ἐστι τῷ ἀπὸ τῆς ε ζ τετραγώνῳ. τοῖς
 δὲ ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετραγώνοις, ἴσον ἐστὶ τὰ
 ἀπὸ τῆς ε ζ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ τετράγωνον,
 διπλάσιον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς η ζ. ἴση δὲ ἡ η ζ, τῇ
 γ δ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ διπλάσιον ἐστὶ τοῦ
 ἀπὸ τῆς γ δ. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ε,
 διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς α γ. τὰ ἄρα ἀπὸ
 τῶν α ε, ε ζ τετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῶν
 ἀπὸ τῶν α γ, γ δ τετραγώνων. τοῖς δὲ ἀπὸ
 τῶν α ε, ε ζ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ζ τετράγω-
 νον. ὀρθὴ γάρ ἡ ὑπὸ α ε ζ γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς α ζ τετράγωνον, διπλάσιόν ἐστι τῶν ἀπὸ

τῶν

gulus qui est ad punctum β , angulo $\alpha\beta$ est equa-
 lus. unde & latus $\alpha\beta$, lateri $\alpha\beta$ est equale. & quia
 recta $\alpha\gamma$ equalis est recte $\alpha\gamma$: idcirco & quadratum
 à recta $\alpha\gamma$ descriptum, equale etiā est quadrato à recta
 $\gamma\delta$ descripto. quadrata igitur à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descripta
 dupla sunt quadrati $\alpha\gamma$: verum quadratis à lineis re-
 ctis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descriptis equale est quadratum à recta $\alpha\delta$
 descriptum: quia angulus α est rectus. quadratum igi-
 tur ab $\alpha\delta$ descriptum, duplū est quadrati à recta $\alpha\gamma$ de-
 scripti. Rursus quoniam recta $\alpha\delta$ equalis est recte
 $\alpha\gamma$: idcirco & quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum, a-
 quale est quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. Ergo quadra-
 ta à rectis $\alpha\delta$, $\alpha\gamma$ descripta dupla sunt, quadrati ab $\alpha\delta$
 recta descripti: sed quadratis, quæ à rectis $\alpha\delta$, $\alpha\gamma$ descri-
 buntur, equale est quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum.
 Ergo quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum, duplum est
 quadrati à recta $\alpha\gamma$ descripti. sed $\alpha\gamma$ equalis est recte
 $\gamma\delta$. quare quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum, duplum
 est quadrati à recta $\gamma\delta$ descripti. sed & quadratum
 à recta $\alpha\delta$ descriptum, duplum etiam est quadrati à
 recta $\alpha\gamma$ descripti. quadrata igitur à rectis $\alpha\delta$, $\alpha\gamma$ de-
 scripta, dupla sunt quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ de-
 scriptorum: sed illis quadratis $\alpha\delta$, $\alpha\gamma$, equale est qua-
 dratum à recta $\alpha\delta$ descriptum: quia angulus
 α est rectus. quare quadratum à recta $\alpha\delta$
 descriptum: duplum est quadratorum à rectis
 $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descriptorum. huic autē quadrato $\alpha\delta$,
 equa-

τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$: τὰ δὲ ἀπὸ τῆς $\alpha\zeta$, ἴσα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\zeta$. ὀρθὴ γάρ ἡ πρὸς τὰ δ γωνία. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\zeta$, διπλάσια ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ πετραγώνων. ἴση δὲ ἡ $\delta\zeta$ τῇ $\delta\beta$. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ τετραγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ πετραγώνων. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ αἰεταί: τὰ ἀπὸ τῶν αἰετῶν τῆς ὅλης τμημάτων τετραγωνα: διπλάσια ἐστὶ τοῦτε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰ τοῦ τῶν τομῶν τετραγώνου. ὅπως ἔδειξαι.

Πρότασις ι. θεώρημα.

Εἰαν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προστεθῇ δὲ πρὸς αὐτὴν εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας: τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης (ὡς τῇ προσκείμενῃ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς προσκείμενης, τὰ σωμαμόπτερα τετραγωνα: διπλάσια ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἑκαστῇ τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκειμένης, ὡς ἀπὸ μιᾶς αἰεταγραφείᾳ) τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ $\alpha\beta$, πετμήσθω
δίχα

æqualia sunt quadrata à rectis ad , $δζ$ descripta. quia angulus ad punctum $δ$, est rectus. quadrata igitur à rectis ad , $δζ$ descripta, dupla sunt quadratorum à rectis $αγ$, $γδ$ descriptorum: sed $δζ$ æqualis est rectæ $δϵ$. Ergo quadrata à rectis ad , $δϵ$ descripta, dupla sunt quadratorum à rectis $αγ$, $γδ$ descriptorum. (Conclusio.) Si igitur linea recta fuerit in æqualia & in inæqualia dissecta, quadrata à segmentis totius lineæ rectæ inæqualibus descripta: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, et quadrati lineæ rectæ inter segmenta incluse. id quod demonstrandum erat.

Propositio X. Theorema.

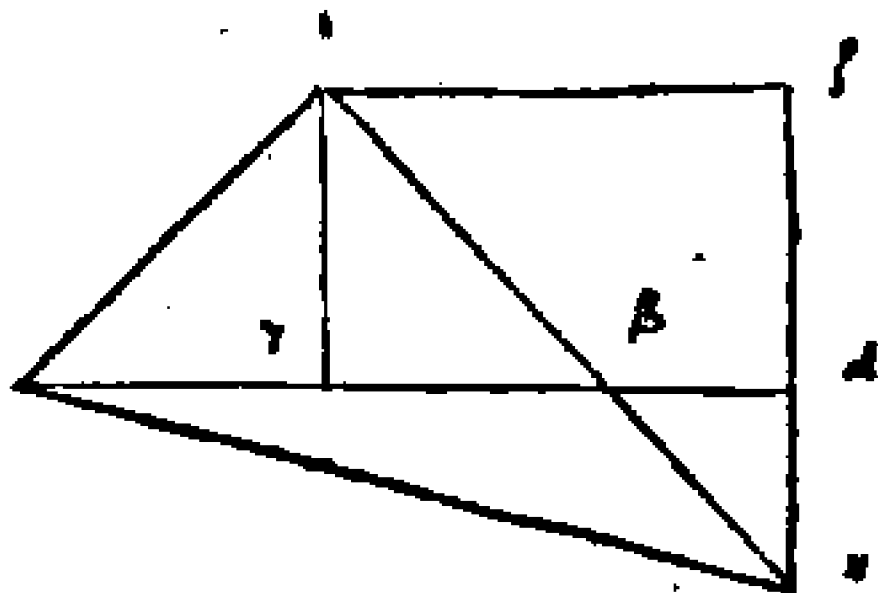
SI recta linea dissecta fuerit in partes duas æquales, & adijciatur ei recta quædam linea è directo: tum quadratum quod à tota cum adiecta describitur, & quadratum ab adiecta descriptum, hæc duo quadrata coniuncta, dupla sunt quadrati à dimidia linea descripti, & quadrati à recta ex dimidia & adiecta composita, tanquam esset vna linea recta descripti.

Explic. dati.) Recta enim quædam linea $αϵ$ secetur

δίχα καὶ τὸ γ , προσκείσθω δὲ πρὸς αὐτῇ δ -
θεία ἡ $\beta\delta$. (Διορισμός.) Λέγω
ἐπὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περάγωνα, διπλά-
σια εἶναι, τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ περαγώνων.

(Κατα-
σκή.)

Ἦχθω γὰρ
ἀπὸ τοῦ
 γ σημείον
τῇ $\alpha\beta$,
πρὸς ὀρ-
θῆς ἡ $\gamma\epsilon$:



καὶ κείσθω ἴση ἑκατέρῃ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: καὶ ἔπε-
ξέσθωσαν αἱ $\alpha\epsilon$, $\gamma\delta$: Ἐξ ἀμφοτέρων τῶν ϵ , τῇ $\alpha\delta$
παράλληλῃ ἤχθω ἡ $\epsilon\zeta$. Ἐξ δὲ τῆς δ , τῇ $\gamma\epsilon$
παράλληλῃ ἤχθω ἡ $\delta\zeta$. (Ἀπόδειξις τῆς
κατασκευῆς.) Καὶ ἔπειτα εἰς παραλλήλους δ -
θείας, τὰς $\epsilon\gamma$, $\zeta\delta$: δ θεία τις ἐνέπιπεν ἡ $\epsilon\zeta$: αἱ
ὑπὸ $\gamma\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$ ἄρα δύο οὐθῶν ἴσαι εἰσὶν. αἱ
ἄρα ὑπὸ $\zeta\epsilon\delta$, $\epsilon\zeta\delta$ δύο ὀρθῶν ἐλασσονές εἰσιν.
αἱ δὲ ἀπ' ἐλασσόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλό-
μεναι συμπίπτουσιν. αἱ ἄρα $\epsilon\beta$, $\zeta\delta$ ἐκβαλ-
λομεναι ἐπὶ τὰ $\beta\delta$ μέρη συμπεσούσιν. ὅπερ
βεβλή-

secetur in duas partes æquales in puncto γ :
 & adijciatur ei $\epsilon\alpha$ & $\theta\epsilon\iota\alpha\varsigma$ recta quadam
 $\beta\delta$. (Explicatio quesiti.) dico quod qua-
 drata à rectis $\alpha\delta$, $\delta\beta$ descripta, dupla sine
 quadratorum à rectis $\alpha\delta$, $\gamma\delta$ descriptorum.
 (Delineatio.) Ducatur enim à puncto γ , re-
 ctæ $\alpha\beta$ ad angulos rectos linea recta $\gamma\epsilon$: &
 fiat utriq; rectarum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ æqualis: atq; du-
 cantur lineæ rectæ $\alpha\epsilon$, $\gamma\beta$: item per punctum
 ϵ , rectæ $\alpha\delta$ ducatur æquedistans rectæ $\epsilon\zeta$:
 item per punctum δ , rectæ $\gamma\epsilon$ æquedistans
 ducatur recta $\delta\zeta$. (Demonstratio iam factæ
 delineationis.) Et quia in lineas rectas æ-
 quedistantes $\epsilon\gamma$, $\zeta\delta$: incidit quadam recta
 $\epsilon\zeta$: anguli igitur $\gamma\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$ duobus rectis sunt
 æquales. atq; idcirco anguli $\zeta\epsilon\beta$, $\epsilon\zeta\delta$ duo-
 bus rectis minores. quæ verò rectæ angulos
 duob. rectis minores faciunt si, protractæ fue-
 rint, concurrent. rectæ igitur $\epsilon\beta$, $\zeta\delta$, protra-
 ctæ in partibus β & δ , concurrent: protra-
 hantur

βεβλήσθωσαν, καὶ συμπιπνέτωσαν καὶ αὐτὸ
 ἢ καὶ ἐπιζύχθω ἡ $\alpha\eta$. (Απόδειξις.) Καὶ
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$, τῇ $\gamma\epsilon$, ἴση ἐστὶν καὶ γωνία
 ἡ ὑπὸ $\alpha\epsilon\gamma$, τῇ ὑπὸ $\epsilon\alpha\gamma$. καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ
 γ . ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν, ἐκάτερα τῶν ὑπὸ
 $\epsilon\alpha\gamma$, $\alpha\epsilon\gamma$. Ἀλλὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἐκάτερα τῶν
 ὑπὸ $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$, ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὀρθὴ ἄρα
 ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\alpha\epsilon\beta$. καὶ ἐπεὶ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν
 ἡ ὑπὸ $\epsilon\beta\gamma$, ἡμίση ἄρα ὀρθῆς, καὶ ἡ ὑπὸ
 $\delta\epsilon\eta$. ἔστι δὲ ϵ ἡ ὑπὸ $\beta\delta\eta$ ὀρθή. ἴση γάρ ἐστι τῇ
 ὑπὸ $\delta\gamma\epsilon$, ἐναλλάξ γὰρ. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\delta\eta\epsilon$ ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἡ ἄρα ὑπὸ $\delta\eta\beta$, τῇ
 ὑπὸ $\delta\beta\eta$ ἐστὶν ἴση. ὥστε καὶ πλάρᾳ ἡ $\epsilon\delta$, πλά-
 ρᾳ τῇ $\eta\delta$ ἐστὶν ἴση. πάλιν ἐπεὶ ἡ ὑπὸ $\epsilon\eta\zeta$ ἡ-
 μίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς τῷ ζ . ἴση γάρ
 ἐστὶ τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τῷ γ . λοιπὴ ἄρα
 ἡ ὑπὸ $\zeta\eta$, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\epsilon\eta\zeta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\zeta\epsilon\eta$. ὥστε καὶ πλάρᾳ ἡ
 $\eta\zeta$, πλάρᾳ τῇ $\epsilon\zeta$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\epsilon\gamma$
 τῇ $\gamma\alpha$, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\epsilon\gamma$ τετραγώ-
 νου, τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνῳ. τὰ ἄρα ἀ-
 πὸ τῶν $\epsilon\gamma$, $\gamma\alpha$ τετραγώνων διπλάσια ἐστὶ τὰ
 ἀπὸ

hantur, & concurrant in puncto η : & fiat linea recta $\alpha\eta$. (Demonstratio.) Quia recta $\alpha\gamma$, æqualis est rectæ $\gamma\epsilon$, angulus idcirco $\alpha\epsilon\gamma$, etiam est æqualis angulo $\epsilon\alpha\gamma$, & angulus ad punctum γ est rectus. quare dimidia recti pars est uterq; angulorum $\epsilon\alpha\gamma$, $\alpha\epsilon\gamma$. Per eadem etiam demonstrabitur, quod uterq; angulorum $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$ dimidia recti pars sit. quare angulus $\alpha\epsilon\beta$, est rectus, & quia angulus $\epsilon\beta\gamma$, dimidia recti pars est: etiā angulus $\delta\epsilon\eta$ dimidia recti pars erit: sed angulus $\delta\epsilon\eta$ est rectus, quia angulo $\delta\gamma\epsilon$ est æqualis. cum sint permixti: reliquus igitur angulus $\delta\eta\beta$ dimidia pars recti est. quare angulus $\delta\eta\epsilon$, angulo $\delta\epsilon\eta$ est æqualis. unde & latus $\beta\delta$, lateri $\alpha\delta$, est æquale. Rursus quoniam angulus $\epsilon\eta\zeta$, dimidia pars recti est, & angulus ad punctum ζ rectus: quia angulo sibi opposito ad punctum γ est æqualis. reliquus igitur angulus $\zeta\eta\theta$ dimidia pars recti est: ergo angulus $\eta\zeta\theta$, æqualis est angulo $\zeta\eta\epsilon$. quare & latus $\eta\delta$, lateri $\epsilon\delta$ est æquale. & quia recta $\epsilon\gamma$, rectæ $\gamma\alpha$ est æqualis, erit etiam quadratum à recta $\epsilon\gamma$ descriptum, æquale quadrato ab $\alpha\gamma$ recta descripto. quadrata igitur à rectis $\epsilon\gamma$, $\gamma\alpha$ descripta dupla sunt quadrati à recta $\epsilon\alpha$ descripti. verum quadratis ab $\epsilon\gamma$, $\gamma\alpha$

ἀπὸ τῆς γα τετραγώνου. τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν εγ,
 γα, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εα. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς
 εα πετράγωνον, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς
 αγ τετραγώνου. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ηζ, τῇ
 εζ: ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ζη τετραγώνου, τῷ
 ἀπὸ τῆς ζε πετραγώνου. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ζη,
 ζε διπλασία ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εζ: τοῖς δὲ ἀπὸ
 τῶν ηζ, ζε: ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εη πετράγω-
 νον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς εη διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀ-
 πὸ τῆς εζ. ἴση δὲ ἡ εζ, τῇ γδ. τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς εη πετράγωνον, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ
 τῆς γδ. ἰδέχθη δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς εα, δι-
 πλασίον τῷ ἀπὸ τῆς αγ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
 αε, εη πετράγωνα διπλαζία ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς
 αγ, γδ πετραγώνων, τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν αε, εη
 τετραγώνοις, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αη τετρά-
 γωνον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς αη, διπλαζιον ἐστὶ
 τῶν ἀπὸ τῶν αγ, γδ: τῷ δὲ ἀπὸ τῆς αη, ἴση
 ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν αδ, δη. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αδ,
 δη πετράγωνα, διπλαζία ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν
 αγ, γδ πετραγώνων. ἴση δὲ ἡ δη, τῇ δβ. τὰ
 ἄρα ἀπὸ τῶν αδ, δβ πετράγωνα, διπλα-
 σία ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν αγ, γδ πετραγώνων.

(Συμ-

rectis, æquale est quadratum ab ea recta de-
 scriptum. quare quadratum à recta ea, du-
 plum est quadrati à recta ay descripti. rur-
 sus quoniam recta ηζ, æqualis est rectæ εζ, æ-
 quale etiam erit quadratum à recta ζη, qua-
 drato à recta εζ descripto. quare quadrata à
 rectis ζη, ζε descripta, dupla sunt quadrati à
 recta εζ descripti: quadratis verò ηζ, ζε: æqua-
 le est quadratum à recta εν descriptum. qua-
 dratum igitur à recta εν descriptum, duplum
 est quadrati à recta εζ descripti: sed recta εζ,
 æqualis est rectæ γδ. quadratum igitur à re-
 ctæ εν, duplum est quadrati à recta γδ descri-
 pti. Verum demonstratum est, quod quadratum à re-
 ctæ ια descriptum, duplum sit quadrati à recta αγ de-
 scripti. quadrata itaq; à rectis αι, ιν descripta, dupla
 sunt quadratorum à rectis αγ, γδ descriptorum. qua-
 dratis verò à rectis αι, ιν descriptis, æquale est quadra-
 tum à recta αν descriptum: quare quadratum à recta
 αν descriptum, duplum est quadratorum à rectis αγ,
 γδ descriptorum. quadrato autem à recta αν descri-
 pto, æqualia sunt quadrata à rectis αδ, δν descripta.
 quare quadrata à rectis αδ, δν descripta, dupla sunt
 quadratorum à rectis αγ, γδ descriptorum. verum recta δν,
 est æqualis rectæ αβ. quadrata igitur à rectis αδ, αβ,
 descripta, dupla sunt quadratorum à rectis αγ, γδ de-

D 2 scriptor

(Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα ὁθεῖα γραμμὴ
 τμηθῇ δίχα, προσπιθῇ δὲ πρὸς αὐτῇ ὁθεῖα
 ἐπ' ὁθεῖας, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης, ὡς τῇ προ-
 σκευμένη· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς προσκειμένης, τὰ συ-
 ναμφοτέρω τετράγωνα, διπλαζιά ἐστι, τῷ τε
 ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς συγκειμέ-
 νης ἑκὲς τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκευμένης,
 ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγεγράφει τῷ τετραγώνου.
 ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότεροις καὶ Πρόβλημα.

Τὴν δοθεῖσαν ὁθεῖαν τεμεῖν, ὥς τε τὸ ὑπὸ
 τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἐξ ἑτέρων τῶν τμημάτων
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τῷ τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εἰς ἣν δοθεῖσαι ὁθεῖαι ἁβ.
 (Διορισμός.) Δεῖ δὴ πρὸς ἁβ τεμεῖν, ὥς τε τὸ
 ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἐξ ἑτέρων τῶν τμημάτων
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τῷ τετραγώνῳ. (Κατα-
 σκευή.) Αναγεγράφθω γὰρ ἀπὸ τῆς ἁβ τε-
 τράγωνον τὸ ἁβγδ· καὶ τεμήσθω ἡ ἀγ δίχα
 κατὰ τὸ ε σημεῖον· ἔπειτα ἐξείχθω ἡ βε, καὶ δι-
 ήχθω

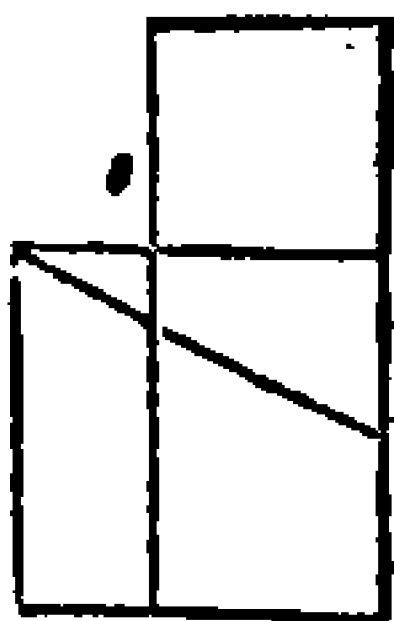
scriptorum. (Cōclusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in partes duas æquales, eiq; adijciatur quædam linea recta $\epsilon\pi$ Obiectas (è directo) quadratū à tota cum adiecta: & quadratum ab ipsa adiecta hæc inquam duo simul quadrata: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & eius quadrati quod describitur à recta, composita & facta ex dimidia, & adiecta, tanquam esset quadratum ab vna linea recta descriptum. id quod demonstrandum erat.

Propositio XI. Problema.

DAtam lineam rectam ita secare, vt rectangulum quod tota linea recta, & altero segmento continetur, æquale sit quadrato à reliquo segmento descripto.

Explicatio dati.) Sit data linea recta ab .
(Explicatio quæsit.) Recta igitur ab , ita secanda est, vt rectangulum quod tota & altero segmento cōtinetur, æquale sit quadrato à reliqua linea recta descripto. (Delin:) Describatur à recta linea ab quadratum $ab\gamma\delta$: & secetur recta ay , in duas partes æquales in puncto ϵ : ac ducatur recta $\beta\epsilon$: extendatur

ἔχθω ἡ γὰ ἐπὶ τὸ ζ: κ
 κείσθω τῇ βεῖσθι ἡ εζ: κ
 ἀναγρὰ φθω δὲ ἀπὸ τῆς
 αζ τετραγώνου τὸ ζθ:
 καὶ διήχθω ἡ ἡθ ὅππὶ τὸ
 κ. (Διορισμός τῆς κα-
 τασκῆς.) Λέγω ὅτι ἡ
 αβ τέτμηται κτὶ τὸ θ, ὥ-
 στε τὸ ὑπὸ τῶν αβ, βθ
 περιεχόμενον ὀρθογώ-
 νιον, ἴσον εἶναι, τῷ ἀπὸ τῆς αθ τετραγώνῳ.
 (Ἀπόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ εὐθεία ἡ αγ, τέτμη-
 ται δίχα κατὰ τὸ ε: πρόσκειται δὲ αὐτῇ ἡ αζ.
 τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμενον ὀρ-
 θογώνιον, μτὶ εἶ ἀπὸ τῆς αε τετραγώνου ἴσον
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εζ τετραγώνῳ. ἴση δὲ ἡ εζ
 τῇ εβ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμε-
 νον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε τετρα-
 γώνῳ: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εβ τετραγώνῳ.
 ἀλλὰ τῷ ἀπὸ τῆς εβ, ἴσα ἐστὶ, τὰ ἀπὸ τῶν βα,
 αε. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τῷ α γωνία. τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν γζ, ζα, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε, ἴσον ἐστὶ τοῖς
 ἀπὸ τῶν βα, αε. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ
 τῆς



tur etiam recta γa , ad punctum ζ : & fiat re-
 cta βe , equalis recta $e\zeta$: praterea à recta $a\zeta$
 describatur quadratum $\zeta\theta$: deniq; extenda-
 tur recta $\eta\theta$ ad punctum vsq; κ . (Explicatio
 iam facta delineationis.) Dico quod recta $a\zeta$
 sit secta in puncto θ : ut rectangulum quod
 continetur rectis $a\beta, \beta\theta$: equale sit quadra-
 to quod describitur à recta $a\theta$. (Demonstra-
 tio.) Quoniam recta $a\gamma$, secta est in duas par-
 tes equales in puncto e : eiq; est adiecta recta
 $a\zeta$, rectangulum igitur quod continetur rectis
 $\gamma\zeta, \zeta a$, cum quadrato quod à recta $a\epsilon$ descri-
 bitur, equale erit quadrato quod à recta $e\zeta$
 describitur: sed recta $e\zeta$, est equalis recta $e\beta$.
 ergo rectangulum quod continetur rectis $\gamma\zeta,$
 ζa cum quadrato quod describitur à recta $a\epsilon$,
 equale est quadrato descripto à recta $e\zeta$: sed
 quadrato à recta $e\beta$ descripto, sunt equalia
 duo quadrata à rectis $\zeta a, a\epsilon$ descripta. quo-
 niam angulus ad punctum a est rectus, rectan-
 gulum igitur q; continetur rectis $\gamma\zeta, \zeta a$, cum
 quadrato à recta $a\epsilon$ descripto, equale est qua-
 drato à duab; rectis $\zeta a, a\epsilon$ descriptis. Comu-

τῆς $\alpha\epsilon$. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν $\gamma\zeta$ $\zeta\alpha$ περι-
 μεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς
 $\alpha\beta$, πετραγώνω. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν ὑπὸ τῶν $\gamma\zeta$
 $\zeta\alpha$ τὸ $\zeta\kappa$ ἴση γὰρ ἡ $\alpha\zeta$, τῇ $\zeta\eta$. τὸ δὲ ἀπὸ τῆς
 $\alpha\beta$, τὸ $\alpha\delta$. τὸ ἄρα $\zeta\kappa$, ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς
 $\alpha\delta$. ἀφηρέσθω τὸ $\alpha\kappa$. λοιπὸν ἄρα τὸ $\zeta\theta$, πρὸς
 ἴσον ἐστὶ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν $\theta\delta$, τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$,
 $\beta\theta$. ἴση γὰρ ἡ $\alpha\beta$, τῇ $\beta\delta$. τὸ δὲ $\zeta\theta$, τὸ ἀπὸ τῆς
 $\alpha\theta$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$ περιμεχόμενον
 ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῆς $\theta\alpha$ πετρα-
 γώνω. (Συμπέρασμα.) Ἡ ἄρα δοθεῖσα δ -
 θεῖα ἡ $\alpha\beta$, τέτμηται κατὰ τὸ θ : ὥστε τὸ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$ περιμεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶ-
 ναι πρὸς ἀπὸ τῆς $\theta\alpha$ πετραγώνω. ὅπερ ἔδει
 ποιῆσαι.

Πρότασις β. θεώρημα.

ΕΝ ταῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ δὲ πρὸς
 τῆς πρὸς ἀμβλεῖαν γωνίαν ὑποπτενέσης
 πλάρᾳς πετράγωνον: μείζον ἐστὶ τῶν ἀπὸ
 τῆς πρὸς ἀμβλεῖαν γωνίας περιεχσῶν πλά-
 ρων τετραγώνων, τὰ περιεχομένα δὲ ὑπὸ
 τε μίας

ne auferatur quadratum à recta ae descriptum.
 reliquum igitur rectangulum rectis $\gamma\zeta, \zeta a$
 comprehensum, æquale est quadrato à recta
 ae descripto. Verum rectangulum quod con-
 tinetur rectis $\gamma\zeta, \zeta a$, est rectangulum ζx : quia
 $a\zeta$ recta, est æqualis rectæ ζn . quadratum ve-
 rò à recta ae descriptum, est ipsum quadratum
 ed . Ergo ζx quadratum est æquale quadrato
 ed . Commune auferatur ax . reliquum igitur
 quadratum $\zeta\theta$, est æquale reliquo rectangulo
 θd . est autem rectangulum θd , id quod com-
 prebenditur rectis $a\beta, \beta\theta$: quia recta ae , æ-
 qualis est rectæ βd : quadratum verò $\zeta\theta$, id
 quod à recta $a\theta$ describitur. Quare rectangu-
 lum quod rectis $a\beta, \beta\theta$ continetur, æquale est
 quadrato à recta θa descripto. (Conclusio.)
 Recta igitur data $a\beta$ diuisa est in puncto θ , hac ratio-
 ne. ut rectangulum θ rectis $a\beta, \beta\theta$ continetur, sit æqua-
 le quadrato à recta θa descripto. quod faciendum erat.

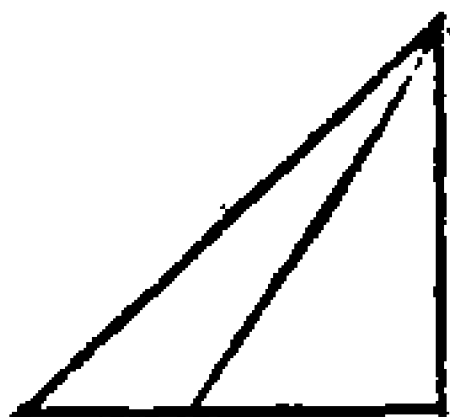
Propositio XII. Theorema.

IN triangulis amblygoniis (id est. obtusum
 habentibus angulum) quadratum quod de-
 scribitur à latere, obtusum angulum subtensa-
 dente, maius est quadratis laterum obtusum

D s angu

πρὸς μίαν τῶν περὶ τὴν ἀμβλείαν γωνίαν ἐφ'
ὧν ἐκβληθεῖσαι, ἢ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς
ἀπολαμβανομένης ἑκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης
πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Εκθεσίς.) Ἐσὼ ἀμβλυγώνιον τρίγωνον τὸ
 $\alpha\beta\gamma$, ἀμβλείαν ἔχον τὴν ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$ γωνίαν
καὶ ἤχθω ἀπὸ τοῦ β σημεῖος, ἐπὶ τὴν $\gamma\alpha$ ἐκ-
βληθεῖσαι κάθετος ἢ $\beta\delta$. (Διορισμός.) Λέ-
γω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς $\beta\gamma$ πτεράγωνον, μείζον
ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$
πτεραγώνων, τὰς δὲ ὑπὸ
τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ περιεχομέ-
νω ὀρθογωνίω. (Ἀπόδει-
ξις.) Ἐπεὶ γὰρ εὐθεία ἡ $\gamma\delta$
τέτμηται ὡς ἔτυχε καὶ ὁ
τὸ α σημεῖον· τὸ ἄρα ἀπὸ
τῆς $\gamma\delta$, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ
τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ πτεραγώνοις· καὶ τὰς δὲ ὑπὸ τῶν
 $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ περιεχομένω ὀρθογωνίω. κοινὸν περ-
σκέειται τὸ ἀπὸ τῆς $\delta\beta$. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
 $\gamma\delta$, $\delta\beta$ ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, $\delta\beta$,
πτεραγώνοις, καὶ τὰς δὲ ὑπὸ τῶν $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$
περιεχομένω ὀρθογωνίω. ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ
τῶν



angulum continentium : rectangulo quod bis continetur latere vno obtusum angulum continēte, in quod si producat, perpendicularis cadit: & recta intercepta externē ab ipsa perpendiculari ad angulum obtusum.

Explicatio dati.) Sic triangulus amblygonius $AB\gamma$: cuius angulus $\beta\alpha\gamma$ sit obtusus: & ducatur à puncto β , ad rectam $\gamma\alpha$ productā, & extensam perpendicularis recta $\beta\delta$. (*Explicatio quaesiti.)* Dico quòd quadratum à latere $\beta\gamma$ descriptum, maius sit quadratis laterum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$, rectangulo quod bis continetur rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$. (*Demonstratio.)* Quoniam recta $\gamma\delta$, vicinèq; secta est in puncto α : quadratum igitur à recta $\gamma\delta$ descriptum, æquale est quadratis à lateribus $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ descriptis, & rectangulo $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ lateribus bis contento. commune addatur quadratum à recta $\delta\beta$ descriptum. itaq; quadrata à rectis $\gamma\delta$, $\delta\beta$ descripta, equalia sunt quadratis à rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, $\delta\beta$ descriptis, & rectangulo bis, rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ contento. Verum quadratis à rectis $\gamma\delta$, $\delta\beta$

τῶν γδ, δβ ἴσον ἐστὶ τὸ διπλὸν τῆς γβ. ὁρθὴ γδ ἢ πρὸς τὸ δ γωνία. τοῖς δὲ διπλὸν τῶν αδ, δβ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αβ, τὸ ἄρα διπλὸν τῆς βγ τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν γα, αβ τετραγώνοις, καὶ ταῖς δὲ ὑπὸ τῶν γα, αδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς γβ τετράγωνον, τῶν ἀπὸ τῶν γα, αβ τετραγώνων, μείζον ἐστὶ ταῖς δὲ ὑπὸ τῶν γα, αδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.)
 Ἐν ἄρα ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ ὑποτέμνουσας πλάγους τετράγωνον, μείζον ἐστὶ τῶν διπλῶν τῶν πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ περιεχουσῶν πλάγῶν τετραγώνων, ταῖς περιεχομένῳ δὲ ὑπὸ τῆς μιᾶς τῶν περὶ τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ, ἐφ' ἧς ἡ κάθετος καὶ τῆς διπλολαμβανομένης ὀρθῆς ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις ιγ. θεώρημα.

ΕΝ τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ διπλὸν τῆς πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ ὑποτέμνουσας πλάγους τετράγωνον, ἑλαττόν ἐστι τῶν διπλῶν τῶν πρὸς τῇ ὀξείᾳ

$\gamma\delta$, $\delta\epsilon$ descriptis, æquale est quadratum à re-
 cta $\gamma\epsilon$, quia angulus ad punctum δ est rectus,
 & quadratis à lineis rectis ad , $\delta\beta$ descriptis,
 æquale est quadratum à recta ac descriptum.
 Quare quadratum à recta $\beta\gamma$ descriptum,
 æquale est quadratis à rectis γa , ac descri-
 ptis, & rectangulo quod rectis γa , ad bis con-
 tinetur, idcirco & quadratum à recta $\gamma\beta$ de-
 scriptum, maius est quadratis à lineis rectis
 γa , ac descriptis: rectangulo quod rectis γa ,
 ad bis continetur. (Conclusio.) In triangu-
 lis igitur amblygonijs, quadratum quod de-
 scribitur à latere obtusum angulum subten-
 dente, maius est quadratis laterum obtusum
 illum angulum continentium, rectangulo
 quod bis continetur vno ex lateribus angu-
 lum obtusum continentibus, in quod cadit
 perpendicularis si productum fuerit: & linea
 recta intercepta ad angulum obtusum ab ip-
 sa perpendiculari. quod demonstrandū erat.

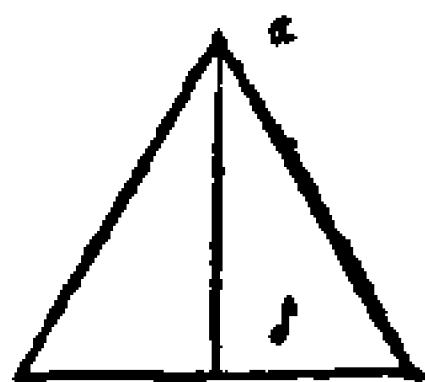
Propositio XIII. Theorema.

IN triangulis oxygonijs, quadratum descri-
 ptum à latere acutum angulum subten-
 dente.

ὀξείαν γωνίαν περιχυσῶν πλάττων τετραγώνων, τῷ περιχομένῳ δὲ ὑπὸτε μίας τῶν πρὸς τῷ ὀξείᾳ γωνίᾳ ἐφ' ἧν ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εἰς ὀξυγώνιον τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$ ὀξείαν ἔχων τῷ πρὸς τῷ β γωνίᾳ· καὶ ἤχθω ἀπὸ τοῦ α σημεῖος εἰς τῷ $\beta\gamma$ κάθετος δ ἢ $\alpha\delta$. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ τοῦ α γ τετράγωνον, ἐλαττόν ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν $\gamma\beta$, $\beta\delta$ τετραγώνων τῷ δὲ ὑπὸ τῶν $\gamma\beta$, $\beta\delta$ περιχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Απόδειξις) Επεὶ γὰρ εὐθεία ἡ $\gamma\delta$ τέτμηται ὡς εὔχεται καὶ τὸ δ . τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\gamma\beta$, $\beta\delta$ τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δὲ ὑπὸ τῶν $\gamma\beta$, $\beta\delta$ περιχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\delta\gamma$ τετραγώνῳ. κοινὸν προσκείσθω τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$ τετράγωνον. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\gamma\beta$, $\beta\delta$, $\delta\alpha$ τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ πᾶσι ὑπὸ τῶν $\gamma\beta$, $\beta\delta$, περιχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\gamma$ τετραγώνοις.

ἀλλὰ



dente, minus est quadratis laterum acutum
illum angulum continentium, rectangulo
quod bis continetur vno latere eorum, quæ
acutum continent angulum, & in quod ipsa
cadit perpendicularis: & linea interne ab ipsa
perpendiculari intercepta, ad ipsum angulū
acutum.

Explicatio dati.) Sit triangulus obpygo-
nius $\alpha\beta\gamma$, habens acutum angulum ad pun-
ctum β , & ducatur à puncto α , ad lineam re-
ctam $\beta\gamma$ perpendicularis recta $\alpha\delta$. (*Expli-
catio quesiti.)* Dico quod quadratum à recta
 $\alpha\gamma$ descriptum, sit minus quadratis laterum
 $\gamma\beta$, $\beta\alpha$: rectangulo quod $\gamma\beta$, $\beta\delta$ rectis bis
continetur. (*Demonstratio.)* Quoniam re-
cta $\gamma\delta$ vicinè secta est in puncto δ . quadrata
igitur à rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$ descripta, equalia
sunt rectangulo quod rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$ bis con-
tinetur, & quadrato à recta $\delta\gamma$ descripto.
Commune addatur quadratum à recta $\alpha\delta$
descriptum. quadrata igitur à rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$
& $\delta\alpha$ descripta, equalia sunt rectangulo quod
bis continetur rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$, & quadratis
à lineis rectis $\alpha\delta$, $\delta\gamma$ descriptis. Verum qua-
dratis

ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν βδ, δᾶ, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αβ. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς ταύτῃ γωνία. τῆς δ' ἀπὸ τῶν αδ, δγ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αγ. τὰ ἄρα ὑπὸ τῶν γβ, βα, ἴσα ἐστὶ ταύτῃ ἀπὸ τῆς αγ, καὶ ταύτῃς ὑπὸ τῶν γβ, βδ. ὥστε μόνον τὸ ἀπὸ τῆς αγ ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν γβ, βα τετραγώνων, ταύτῃς ὑπὸ τῶν βγ, βδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπίεσμα.) Ἐν ἄρα τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς ὀξείαν γωνίαν ὑποτέλειος πλάγῃς τετραγώνον, ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν πρὸς ὀξείαν γωνίαν περιχουσῶν πλάγῃν τετραγώνων, ταύτῃ περιεχομένῳ διῆς ὑπότῃ μιᾶς τῇ περὶ πρὸς ὀξείαν γωνίαν ἐφ' ἣν ἡ καθέτη  καὶ τῆς ἀπολαμβανόμενης ἐκ τὸς ὑπὸ τῆς καθέτης, πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ ὅπως εἰδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ιδ. Πρόβλημα.

Τὸ δοθέν ὀξυγώνιον, ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι.

Εκτε-

dratis à rectis Cd , da descriptis, equale est
 quadratum à recta ab descriptum. quia an-
 gulus ad d punctum est rectus. quadratis vo-
 rò à rectis ad , dy descriptis, equale est qua-
 dratum à recta ay descriptum. itaq; rectan-
 gula quæ rectis $γβ$, $βa$ continentur, equalia
 sunt quadrato à recta ay descripto, & rectan-
 gulo $γc$, $βd$ rectis bis contento. erit igitur v-
 nicum quadratum à recta ay descriptum mi-
 nus, quadratis à rectis $γβ$, $βa$ descriptis re-
 ctangulo quod rectis $βγ$, $βd$ bis continetur.
 (Conclusio.) In triangulis igitur $oxygonijs$,
 quadratum quod describitur à latere subcen-
 dente angulum acutum, minus est quadratis
 laterum angulum illum acutum continentium,
 rectangulo, quod bis continetur vno ex
 lateribus angulum illum acutum continen-
 tibus, in quod perpendicularis cadit: & linea
 internè intercepta à perpendiculari ad angu-
 lum illum acutum. quod erat demonstrandū.

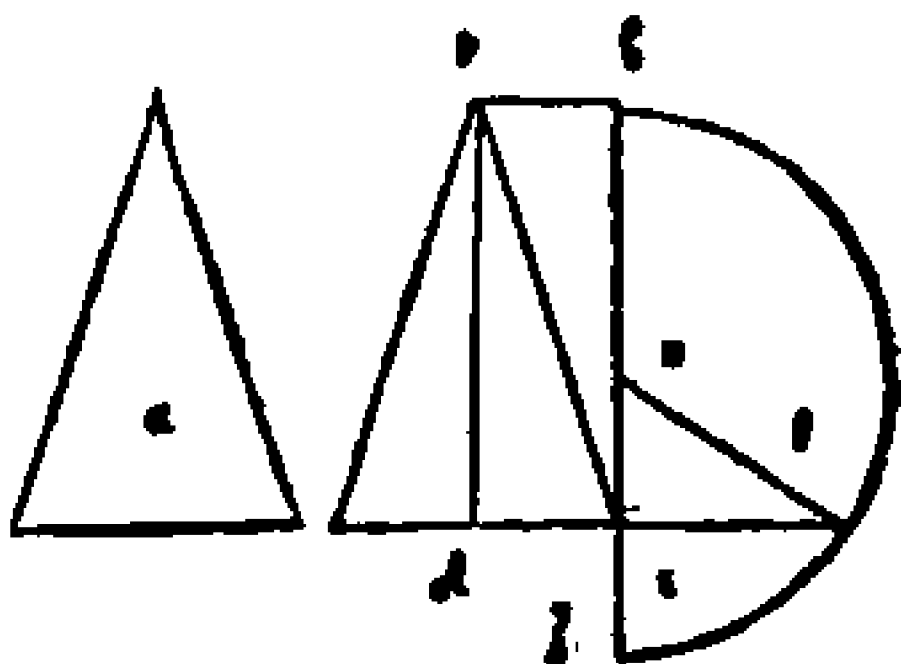
Propositio XIII. Problema.

Datæ figure rectilineæ equale quadratum
 constituere.

E Expli-

Εκθεσις.) Ἐξω τὸ δοθεὶν Ὀρθόγραμμον τὸ
 α . (Διορισμός.) Δοῖ δὴ τὰ α Ὀρθογράμμω,
 ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι. (Κατασκευὴ.)

Συνεστῶ
 τὰ α Ὀρθο-
 γράμμω,
 ἴσον παραλ-
 ληλόγραμ-
 μον ὀρθο-
 γώνιον τὸ
 βδ. εἰ μὲν
 ἔν ἴση ἔστιν



ἢ βε, τῇ εδ, γεγονός αὖ εἴη τὸ Πηλίκον. συ-
 νίσταται γὰρ τὰ α Ὀρθογράμμω, ἴσον τετράγω-
 νον τὸ βδ. εἰ δὲ ἔ, μία τῶν βε, εδ μείζων ἔστιν.
 ἔξω μείζων ἢ βε, καὶ ἐκβεβλήσθω Πρὸς τὸ ζ:
 καὶ κείσθω τῇ εδ ἴση ἡ ζε: καὶ τέμνησθω ἡ ζβ
 δίχα κατὰ τὸ η: καὶ κέντρῳ μὲν τῇ η, διαστή-
 ματι δὲ ἐνὶ τῶν ηβ, ηζ, ἡμικύκλιον γεγραφ-
 θω τὸ βθζ: καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ δε, Πρὸς τὸ θ: καὶ
 ἐπιζεύχθω ἡ ηθ. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἔν Ὀ-
 ρθῶν ἡ βζ τέτμηται εἰς μέρη ἴσα κατὰ τὸ η, εἰς
 δὲ αἴστω καὶ τὸ ε. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, εδ πε-
 ριέχο-

Explicatio dati.) Sis data figura rectilinea a . (Explicatio quaesiti.) Data igitur rectilinea figura a , constituendū est æquale quadratum. (Delineatio.) Constituatur data figura rectilinea a , æquale parallelogrammum rectangulum $\beta\delta$. Si itaq; recta $\beta\epsilon$, æqualis est rectæ $\epsilon\delta$, factum est id quod iussu erat. quia data figura rectilinea a , æquale est factum quadratum $\beta\delta$. sin minus, una ex his rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\delta$ sit maior, ponatur $\beta\epsilon$ maior, eaq; producat̃ ad punctum vsq; ζ : & fiat rectæ $\epsilon\delta$ æqualis recta $\zeta\epsilon$: secetur recta $\zeta\beta$ in duas partes æquales in puncto η : postea cẽtro η , in seruallo vel $\eta\beta$, vel $\eta\zeta$ describatur semicirculus $\epsilon\theta\zeta$: producat̃q; recta $\delta\epsilon$, ad punctum vsq; θ : fiatq; recta $\eta\theta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\beta\zeta$ secta est in partes quidem æquales in puncto η , in partes verò inæquales in puncto ϵ . rectangulum igitur quod continetur rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$, cum quadrato à recta $\epsilon\eta$ descripto, æquale est quadrato à recta $\eta\zeta$ descripto. sed recta $\eta\zeta$ æqualis est rectæ $\eta\theta$. rectangulum igitur rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ contentum

E 2 cum

ριζόμενον ὀρθογώνιον, μὲν δὲ ἀπὸ τῆς εἰς τι-
 τετραγώνου: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡς πετραγώνου.
 ἴση δὲ ἡ ἡς, τῇ ἡθ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ,
 μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς ἡε, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡθ,
 τῷ δὲ ἀπὸ τῆς ἡθ, ἴσα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν θε, ἡε
 τετράγωνα. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, μετὰ
 τοῦ ἀπὸ τῆς ἡε, ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν θε, ἡε.
 κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ τῆς ἡε τετράγω-
 νον. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, περιε-
 χόμενον ὀρθογώνιον: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εἰς
 τετραγώνου. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, τὸ εἰς
 ἐστίν. ἴση γὰρ ἡ ἐξ, τῇ εἰς. τὸ ἄρα βδ παραλ-
 ληλόγραμμον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εἰς ἀνα-
 γραφομένῳ τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.)
 Τῷ ἄρα δοθέντι ὀρθογώνῳ τῷ αἰ ἴσον τε-
 τράγωνον συνίσταται, τὸ ἀπὸ τῆς εἰς
 ἀναγραφεσόμενον. ὅπερ
 εἶναι δεῖν ποιῆσαι.

ΤΕΛΟΣ

cum quadrato à recta ne descripto, æquale est quadrato à recta no descripto. Verum huic quadrato à recta no descripto, æqualia sunt quadrata à rectis be , ne descripta. Rectangulum igitur rectis be , ez contentum, cum quadrato à recta ne descripto, hæc inquam sunt æqualia quadratis à rectis be , ne descriptis. Commune auferatur quadratum à recta ne descriptum. reliquum igitur rectangulum quod rectis be , ez continetur, æquale est quadrato à recta ed descripto: sed rectangulum be , ez rectis contentum est rectangulum bd : quia ez recta æqualis est ed rectæ. quare parallelogrammum bd , æquale est quadrato ab ed recta descripto. (Conclusio.) Data igitur figura rectilinea a , constitutum est æquale quadratum à recta ed descriptum. Quod faciendum erat.

FINIS.

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ,
ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΗ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ, ΤΩΝ
χαμμικῶς ἐν ταῖς δατύραις τῶν κοι-
νήων ἀποδειχθῆναι.

ΟΡΟΙ.

Αριθμὸν, ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν
λέγω: ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν ταῖς πολλαπλα-
σιάζονται μονάδες: ποσῶνάκις συνῆθῃς ὁ πολ-
λαπλασιαζόμενος ποῖός τινα: ὃν καὶ μετρη-
αὶ τὰς ἐν ταῖς πολλαπλασιάζονται μονάδας.

Καλῶ δ' αὐτὸν τοῖς ἐκ τέττων γρόμμον:
ἐπίπιδον.

Τετράγωνον δὲ ἀριθμὸν λέγω, τὸν γρό-
μμον ἀπὸ πνος ἑαυτὸν πολλαπλασιάσαντος.

Αριθμὸν ἀριθμῷ μέγῳ λέγω: τὸ ἐλάτ-
τονα τοῦ μείζονος, ἄντε μετρηαὶ, ἄντε μὴ με-
τρηαὶ τὸν μείζονα.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. θεώρημα.

Εάν δύο ἀριθμῶν ὄντων διαιρεθῇ ὁ ἑπὶ
αὐτῶν εἰς ὅσας δηποιοῦν ἀριθμοὺς: ὁ ἐκ
τῶν

71

BARLAAM MONACHI, ARITHMETICA DEMON-

*stratio eorum, quæ Euclides libro secundo
suorum elementorum in lineis & fi-
guris planis demonstravit.*

DEFINITIONES.

Numerum dico multiplicare alium nu-
merum: quando quot in eo qui multi-
plicat sunt unitates: toties numerus multipli-
candus, compositus: producit aliquem nume-
rum: quem secundum unitates quæ sunt in nu-
mero multiplicante metitur.

*Illum verò qui ex eiusmodi multiplica-
tione producitur, nomino planum.*

*Quadratū voco numerum, qui fit ex mul-
tiplicatione alicuius numeri in seipsum.*

*Deniq, numerum alterius numeri partem
esse dico: minorem maioris, siue minor maio-
rem metiatur: siue non metiatur.*

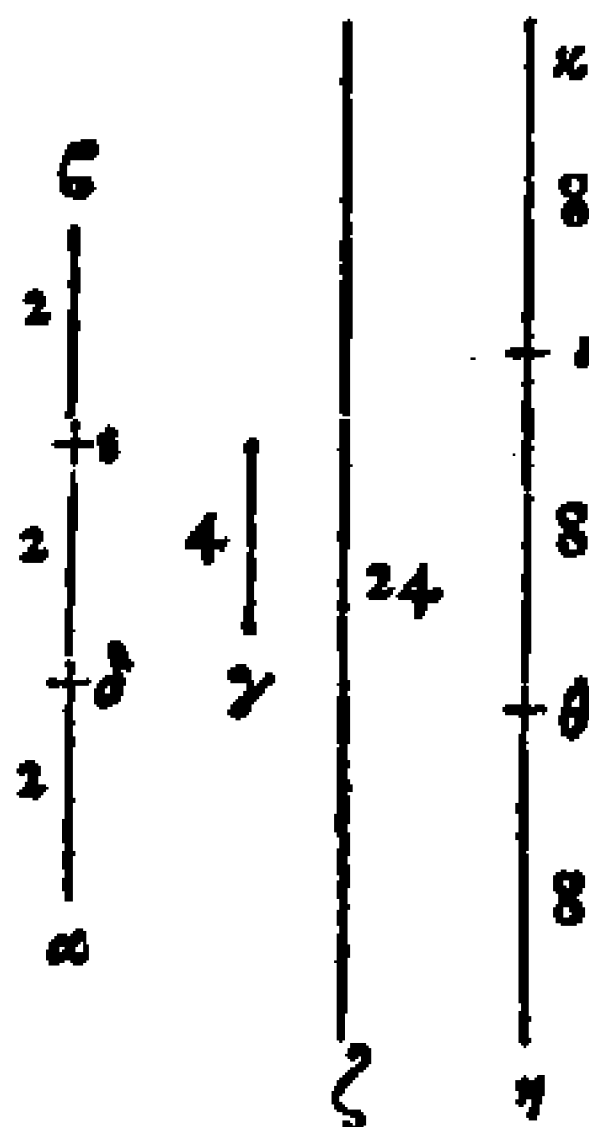
PROPOSITIONES.

Propositio prima. Theorema.

Si duobus propositis numeris, alter illorū
diuidatur in aliquot numeros quotquot
E 4 sint

τῶν ἐξ αρχῆς δύο ἀριθμῶν ὅππιδ' Θ ἀριθ-
μὸς: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ τῆς ἀδιαρέτης, καὶ ἐκά-
ς τῶν μερῶν τῆς διαρεθεί' Θ γινόμενος ἐ-
πιπέδοις.

Εκθεσις.) Εἰσωσαν
δύο ἀριθμοὶ ἢ $\alpha\beta$, γ :
καὶ διηγήσθω ὁ $\alpha\beta$, εἰς
ὅσας δηποτοῦν ἀριθ-
μὸς, τῆς $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\beta$.
(Διορισμός.) Λέγω ὅ-
τι ὁ ἐκ τῆς $\alpha\beta$ ὅππιδ'
 Θ : ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ τῆς
 γ , $\alpha\delta$: γ , $\delta\epsilon$: γ , $\epsilon\beta$ ἐ-
πιπέδοις. (Καίλασκ.)
Εἰσω γὰρ ἐκ μὲν τῶν γ ,
 $\alpha\beta$, ὁ ζ: ἐκ τῶν γ , $\alpha\delta$
ὁ ηθ: ἐκ δὲ τῆς γ , $\delta\epsilon$, ὁ θι:
ἐκ δὲ τῆς γ , $\epsilon\beta$ ὁ ικ. (Απόδ:) Καὶ ἐπεὶ ὁ $\alpha\beta$ τῆς γ
πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν ζ, ὁ ἄρα γ με-
τρεῖ τὸν ζ, καὶ τὰς ἐν τῇ $\alpha\beta$ μονάδας. Διὰ τὰ αὐ-
τὰ δὲ καὶ τὸν ηθ μετρεῖ: καὶ τὰς ἐν τῇ $\alpha\delta$ μο-
νάδας: τὸν δὲ θι καὶ τὰς ἐν τῇ $\delta\epsilon$: τὸ δὲ ικ: κα-
τὰ τὰς ἐν τῇ $\epsilon\beta$ μονάδας. Ολον ἄρα τὸν ηκ
μετρεῖ



fiat: numerus planus, qui fit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum, erit æqualis numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non diuisi, & vnaquaq; parte numeri diuisi.

Ex 7. 15.) Sint duo numeri $\alpha\beta$, & γ : ac diuidatur numerus $\alpha\beta$ in quoscunq; alios numeros, utpote $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\zeta$. (Διορισμός:) Dico qd numerus planus qui fit ex numerorum γ , & $\alpha\beta$ multiplicatione: æqualis sit numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numerorum γ , & $\alpha\delta$: item γ , & $\delta\epsilon$: deniq; γ , & $\epsilon\zeta$. (Κατάδειξις.) Sic enim ζ numerus planus ex multiplicatione numerorum γ , & $\alpha\beta$ productus: η vero ex multiplicatione γ , & $\alpha\delta$: θ vero ex multiplicatione γ , & $\delta\epsilon$: deniq; ex multiplicatione γ , & $\epsilon\zeta$ producatur numerus $\iota\kappa$. (Ἀπόδειξις.) Cum itaq; numerus $\alpha\beta$ multiplicando numerum γ , produxit numerum ζ : idcirco numerus γ metitur numerum ζ , iuxta unitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Per eadem demonstrabimus, quod numerus γ etiam metiatur numerum η , penes unitates, quæ sunt in numero $\alpha\delta$: numerum vero θ per unitates quæ sunt in numero $\delta\epsilon$: deniq; numerum $\iota\kappa$, secundum unitates quæ sunt in numero $\epsilon\zeta$.

μετρῇ ὁ γ: καὶ αὐτὰς ἐν ταῖς αβ μονάδας. ἐ-
 μέτρει δὲ καὶ τὸν ζ καὶ αὐτὰς ἐν ταῖς αβ μονά-
 δας. ἑκάπρος ἄρα τῶν ζ ἤκ, ἰσάκεις ἐστὶ πλ-
 λαπλάσι Ⓢ τῷ γ. οἱ δὲ τῷ αὐτοῦ ἰσάκεις
 πλλαπλάστοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσὶν. ἴσ Ⓢ ἄρα
 εἰσὶν ὁ ζ ταῖς ἤκ. καὶ εἰσὶν ὁ μὲν ζ, ὁ ἐκ τῶν γ,
 αβ ὁπίπεδ Ⓢ, ὁ δὲ ἤκ, ὁ συγκαίμεν Ⓢ ἐκ-
 τε τῷ γ, ἑκάστω τῶν αδ, δέ, ἐβ ὁπίπεδων.
 ὁ ἄρα ἐκ τῶν γ, αβ ὁπίπεδ Ⓢ ἴσ Ⓢ ἐστὶ τῆς
 ἐκτε τῷ γ, καὶ ἑκάστω τῶν αδ, δέ, ἐβ ὁπίπε-
 δοις. (Συμπέρασμα) Εἰάν ἄρα δύο ἀριθ-
 μῶν ὄντων: διακριθῇ ὁ ἑπρ Ⓢ αὐτῶν εἰς ὅσας
 δεκαπέντε ἀριθμοὺς: ὁ ἐκ τῶν ἐξ ἀρχῆς δύο ἀ-
 ριθμῶν ὁπίπεδος: ἴσος ἐστὶ τῆς ἐκτε ὁ ἀδια-
 κρίτου, καὶ ἑκάστω τῶν μερῶν τῷ διακριθέντι Ⓢ
 ὁπίπεδοις. ὅπως εἶδε δειξάτω.

Πρόποις β. θεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διακριθῇ:
 δύο ὁπίπεδοι ἀριθμοὶ οἱ γινόμενοι ἐκτε ὁ
 ὅλου, καὶ ἑκάστω τῶν μερῶν, συναμφοτέρω:
 ἴσοι εἰσὶ ταῖς ἀπὸ τῷ ὅλου τετραγώνω.

Εκτε-

Quare numerus γ totum numerum $\eta\kappa$ metitur iuxta unitates, quae sunt in numero $\alpha\beta$. verum metiebatur antea numerum ζ pones unitates quae sunt in numero $\alpha\beta$. Vterq; igitur numerus ζ & $\eta\kappa$ equaliter est multiplex numeri γ . Numeri vero qui eiusdem numeri equaliter sunt multiplices, aequales inter se sunt. ergo numerus ζ equalis est numero $\eta\kappa$ sed numerus ζ est numerus planus, ex multiplicatione γ & $\alpha\beta$ productus. alter vero numerus $\eta\kappa$, compositus ex numero γ non dissecto. & vnoquoq; plano numero $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\zeta$. ($\Sigma\mu\pi\acute{\lambda}\epsilon\gamma\sigma\mu\alpha$.) Si igitur fuerint duo numeri, quorum alter diuisus sit in quoscunq; alios numeros: tum numerus planus qui sit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum: & equalis est numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non secti, & singulis partibus eius numeri qui diuisus & sectus est. Quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

SI numerus aliquis diuisus fuerit in alios duos numeros: tum numeri plani qui sunt ex multiplicatione totius, & vtriusq; partis, hi ambo coniuncti: erunt aequales quadrato numero totius numeri propositi.

Εκθεσις.) Αριθμὸς
 γὰρ ὁ $\bar{\alpha}\beta$ διηγήσθω εἰς
 δύο ἀριθμοὺς τὰς $\bar{\alpha}\gamma$,
 $\bar{\gamma}\beta$. (Διαμερισμός.) Λέ-
 γω ὅτι δύο ὁμοίητοι ἀ-
 ριθμοὶ, ὅτε ἐκ τῶν $\bar{\alpha}\beta$,
 $\bar{\alpha}\gamma$: καὶ ὁ ἐκ τῶν $\bar{\alpha}\beta$, $\bar{\gamma}\beta$
 συντεθέντες ἴσοι εἰσὶ τῷ
 ἀπὸ τοῦ $\bar{\alpha}\beta$ παραγώ-
 γῳ. (Καίσαρ.) Οὗ γὰρ
 $\bar{\alpha}\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλα-
 σιάσας ποιήτω τὸν δ:
 ὁ δὲ $\bar{\alpha}\gamma$, τὸν $\bar{\alpha}\beta$ πολλα-
 πλασιάσας: ποιήτω τὸ
 εῖ: τὸν δὲ αὐτὸν $\bar{\alpha}\beta$ καὶ ὁ $\bar{\gamma}\beta$ πολλαπλασιά-
 σας ποιήτω τὸ ζή. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ποινῶ ὁ
 $\bar{\alpha}\gamma$ τὸν $\bar{\alpha}\beta$ πολλαπλασιάσας, ἐποιήσῃ τὸν εῖ.
 ὁ ἄρα $\bar{\alpha}\beta$ μετρεῖ τὸν εῖ, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{\alpha}\gamma$ μονάδας.
 πάλιν ἐπεὶ ὁ $\bar{\gamma}\beta$, τὸν $\bar{\alpha}\beta$ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποιήσῃ τὸν ζή: ὁ ἄρα $\bar{\alpha}\beta$ μετρεῖ τὸν
 ζή, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{\gamma}\beta$ μονάδας. ἐμέτρη δὲ καὶ
 τὸν εῖ, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{\alpha}\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα
 τὸν εῖ, μετρεῖ ὁ $\bar{\alpha}\beta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας.

ε

2

+γ

4

α

36

12

ζ

24

ε

Ex his.) Dividatur enim numerus $\alpha\beta$, in
 duos alios numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ($\Deltaιωρεσμός$.) Di-
 co quod duo numeri plani qui fiunt ex mul-
 tiplicatione $\alpha\beta$, et $\alpha\gamma$. deinde $\alpha\beta$, et $\beta\gamma$: bi in-
 quam compositi, equales sint quadrato nu-
 mero, qui fit ex multiplicatione numeri $\alpha\beta$
 in seipsum. ($Κατασθέν$.) Numerus enim $\alpha\beta$
 seipsum multiplicando, producat numerum δ :
 numerus etiam $\alpha\gamma$, multiplicando numerum
 $\alpha\beta$, producat numerum ϵ : rursus numerus $\gamma\beta$,
 multiplicando eundem numerum $\alpha\beta$: faciat
 numerum ζ . ($Απόδειξις$.) Cum itaq; $\alpha\gamma$ nu-
 merus multiplicando numerum $\alpha\beta$, produxe-
 rit numerum ϵ : igitur numerus $\alpha\beta$ metitur
 numerum ϵ secundum unitates quae sunt in
 numero $\alpha\gamma$. Rursus quoniam $\gamma\beta$ numerus,
 multiplicavit $\alpha\beta$ numerum: et produxit nu-
 merum ζ : idcirco $\alpha\beta$ metietur numerum ζ
 secundum unitates quae sunt in numero $\gamma\beta$.
 Verum idem numerus $\alpha\beta$ metiebatur antea
 quoq; numerum ϵ , iuxta unitates quae sunt
 in numero $\alpha\gamma$. Ergo numerus $\alpha\beta$, totum nu-
 merum $\epsilon\eta$ metietur iuxta unitates quae in ipso
 $\alpha\beta$ sunt.

ράδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$ τὸν $\alpha\beta$ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποίησε τὸν $\zeta\eta$: ὁ ἄρα $\alpha\beta$ μετρή τὸν
 $\zeta\eta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\gamma\beta$ μονάδας. ἐμέτρε δὲ καὶ
 τὸν $\epsilon\zeta$ καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα τ
 $\epsilon\eta$, μετρή ὁ $\alpha\beta$, καὶ τὰς ἐν αὐτῇ μονάδας.
 πάλιν ἐπεὶ ὁ $\alpha\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας,
 ἐποίησε τὸν δ : μετρή ἄρα καὶ τὸν δ , καὶ τὰς ἐν
 ἑαυτῇ μονάδας. ἐκάπερον ἄρα τῶν δ , $\epsilon\alpha$: με-
 τρή ὁ $\alpha\beta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῇ μονάδας. ὅση-
 πλάσιον ἄρα ἐστὶν ὁ δ τῷ $\alpha\beta$: τοσαύτα πλά-
 σιον ἐστὶ καὶ ὁ $\epsilon\eta$ τοῦ $\alpha\beta$. οἱ δὲ τῷ αὐτῷ ἀριθ-
 μοῦ ἰσάκεις πολλαπλάσιοι ἀριθμοὶ: ἴσοι ἀλ-
 λήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ δ , τῷ $\epsilon\eta$. καὶ ἐστὶν
 ὁ μὲν δ , ὁ ἀπὸ τῷ $\alpha\beta$ τετράγωνον, ὁ δὲ $\epsilon\eta$,
 σωβειὲς ἐκ δύο ὀπίπιδων ἀριθμῶν, τῶν ἐκ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ὁ ἄρα ἀπὸ τῷ $\alpha\beta$ τε-
 τράγωνον: ἴσος ἐστὶ τῷ συγκείμενω, ἐκ δύο ὀ-
 πιπέδων, τῶν ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$.
 (Συμπέρασμα) Εἰάν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο
 ἀριθμὸς διαιρεθῇ: δύο ὀπίπιδοι ἀριθμοὶ, οἱ
 ὁμοῖοι εἴη τῷ ὅλῳ, καὶ ἐκαστὸς τῶν μερῶν συ-
 νამεφόροι ἴσοι εἰσιν τῷ ἀπὸ τοῦ ὅλῳ τετρα-
 γώνῳ. ὅπως ἴδῃ δεῖξαι.

πρῶτον

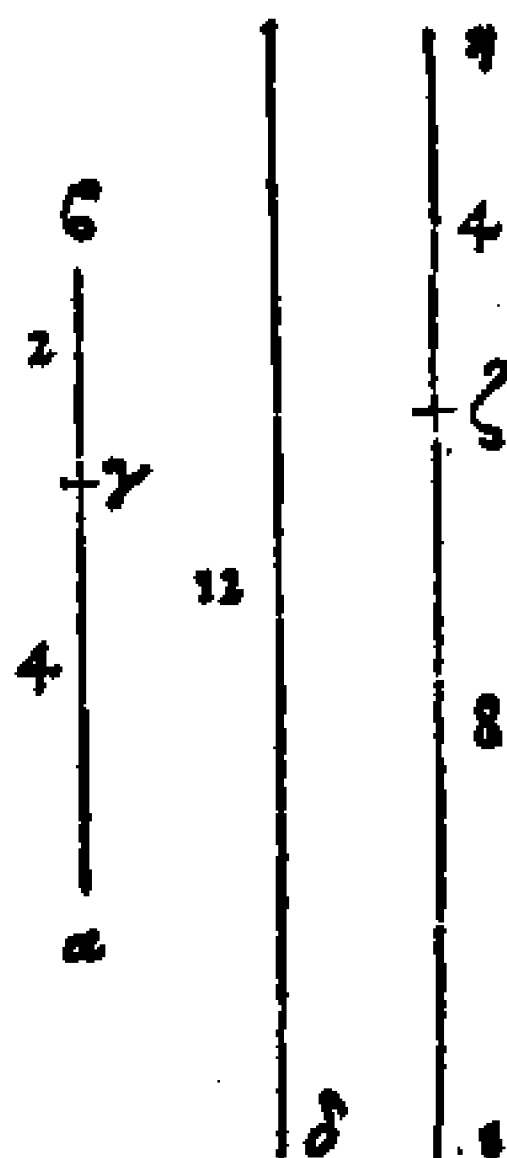
$\alpha\beta$ sunt. Præterea quoniã $\alpha\beta$ numerus mul-
tiplicando seipsum, produxit numerum δ : id-
circo numerus $\alpha\beta$, metietur seipsum iuxta v-
nitates quas in seipso continet. Quare metie-
tur utrunq, scilicet numerum δ , & numerum
 $\epsilon\eta$: per unitates que in ipso $\alpha\beta$ numero sunt.
Quotuplex igitur numerus δ , est numeri $\alpha\beta$:
totuplex etiam est numerus $\epsilon\eta$, numeri $\alpha\beta$.
Numeri verò qui eiusdem sunt equaliter
multiplices, inter se æquales sunt. Quare nu-
merus δ , est æqualis numero $\epsilon\eta$: & nume-
rus δ , est quadratus factus ex $\alpha\beta$ nume-
ro. numerus verò $\epsilon\eta$ factus & compositus ex
duobus numeris planis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: & $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$.
Numerus itaq, quadratus ex $\alpha\beta$ numero: æ-
qualis est numero plano, composito ex nu-
meris $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. (Συμπλόκωμα.) Si
igitur aliquis numerus divisus fueris in duos
numeros alios: cum numeri plani qui fiunt ex
multiplicatione totius, & utriusq, partis: hi
ambo coniuncti, erunt æquales quadrato nu-
mero totius propositi numeri. quod demon-
strandum erat.

Propo-

Πρόσθεσις γ. γινώσκοντα.

Εάν ἀριθμὸς διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμοὺς: ὁ
ἐκ τῆς ὅλης, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν ἴσιν
δθ: ἴσιν ἐστὶ τὰς ὅκ τῶν μερῶν ἴσιν πέδω,
ὡς τὰς δισὶ τοῦ περὶ τὸν μέγεθος τετρα-
γώνου.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ
ὁ αβ διαιρεθῶ εἰς δύο ἀ-
ριθμοὺς τοὺς αγ, γβ.
(Διορισμός.) Λέγω ὅτι
ὁ ἐκ τῶν αβ, βγ, ἴσιν πέ-
δω: ἴσιν ἐστὶ τὰς ὅκ τῶν
αγ, γβ ἴσιν πέδω, ὡς τὰς
ἀπὸ τῆς γβ πετραγώ-
νῳ. (Κατασκευὴ.) Οἱ γδ
αβ πολλαπλασιάτω τὸν
γβ, καὶ ποιήτω τὸν δ: ὁ
δε αγ, τὸν γβ πολλα-
πλασιάτω, καὶ ποιήτω
τὸν εζ: ὁ δὲ γβ ἑαυτὸν
πολλαπλασιάσας ποιήτω τὸν ζη. (Από-
δείξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ αβ τὸν γβ πολλαπλα-
σιάσας, ἐποίησε τὸν δ: ὁ αβ γβ, μετρεῖ τὸν
δ, καὶ



Propositio III. Theorema.

SI numerus aliquis diuidatur in duos numeros: numerus planus qui fit ex multiplicatione totius & vnius partis: æqualis est numero plano, facto ex paribus, & numero quadrato, producto ex parte prædicta.

Exθεσις.) Sit enim numerus $\alpha\beta$, qui diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\epsilon\gamma\mu\omicron\varsigma$.) Dico quòd numerus planus, qui fit ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: æqualis sit numero plano facto ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & quadrato ex $\gamma\beta$ numero producto. (Κατασκευὴ.) Numerus enim $\alpha\beta$, multiplicando numerum $\gamma\beta$, producat numerum δ . deinde $\alpha\gamma$ numerus, multiplicando numerum $\gamma\beta$: producat numerum $\epsilon\zeta$. deniq; $\gamma\beta$ numerus, multiplicando seipsum producat numerum $\zeta\eta$. (Απόδειξις.) Cum igitur numerus $\alpha\beta$, multiplicando numerum $\gamma\beta$, produxerit numerum δ : idcirco numerus $\gamma\beta$, metitur numerum δ , iuxta unitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Ad hæc quoniam numerus $\alpha\gamma$ multiplicauit numerum $\gamma\beta$: & produxit numerum $\epsilon\zeta$. ergo $\gamma\beta$ numerus, metitur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta unita-

δ , καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\alpha\gamma$, τὸν $\gamma\beta$ πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν $\epsilon\zeta$: ὁ ἄρα $\gamma\beta$, μετρεῖ τὸν $\epsilon\zeta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸ $\zeta\eta$. μετρεῖ ἄρα ὁ $\gamma\beta$ τὸ $\zeta\eta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν $\epsilon\zeta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα τὸν $\epsilon\eta$, μετρεῖ ὁ $\gamma\beta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν $\theta\iota$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. ἰσάκεις ἄρα ὁ $\gamma\beta$, ἐκάπερον τῶν δ , εἴ μετρεῖ. οἱ δὲ ὑπὸ τοῦ αὐτοῦ ἰσάκεις μετρεῖσθαι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ δ , τῷ $\epsilon\eta$, καὶ ἐστὶν ὁ $\mu\kappa$ τῷ δ , ὁ δὲ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἐπίπεδον. ὁ δὲ $\epsilon\eta$, ὁ ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ὀπίπεδον, σὺν τῷ ἀπὸ τοῦ $\gamma\beta$ πετραγώνῳ. ὁ ἄρα ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἐπίπεδον, ἴσος ἐστὶ πᾶσι ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ὀπίπεδον: καὶ τῷ λοιπῷ τοῦ $\gamma\beta$ πετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰ ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς τυχόντας διαιρεθῇ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ὀπίπεδον: ἴσος ἐστὶ πᾶσι ἐκ τῶν μερῶν ὀπίπεδον, σὺν τῷ ἀπὸ τοῦ περικορημένου μέρους πετραγώνῳ. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότερον

tes quæ sunt in numero $\alpha\gamma$. Rursus quoniam $\gamma\epsilon$ numerus, multiplicauit seipsum: & produxit numerum $\zeta\eta$. ergo numerus $\gamma\epsilon$, metitur numerum $\zeta\eta$, iuxta unitates quæ in seipso sunt. Verum antea idem numerus $\gamma\epsilon$, etiam metiebatur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta unitates quæ in ipso sunt $\alpha\gamma$ numero. Totus itaq; numerus $\gamma\epsilon$, metitur totum numerum $\epsilon\eta$, per unitates quæ sunt in numero $\alpha\epsilon$. sed & numerum δ , metiebatur penes unitates, quæ sunt in numero $\alpha\epsilon$. Quare numerus $\gamma\epsilon$ æqualiter metitur utrunq; numerum, nempe numerum δ , & numerum $\epsilon\eta$. Quos verò idem numerus æqualiter metitur: æquales inter se sunt. idcirco numerus δ , est æqualis numero $\epsilon\eta$: sed numerus δ , est planus, factus ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: numerus verò $\epsilon\eta$, est numerus ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, procreatus: & quadrato numeri $\gamma\beta$. Quapropter numerus planus, factus ex multiplicatione $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ numerorum: æqualis est numero plano ex $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ numeris producto: & quadrato numeri $\gamma\beta$. (Conclusio.) Si igitur numerus aliquis diuidatur in duos numeros: numerus planus, qui fit ex multiplicatione totius, & vnius partis: æqualis est numero plano, facto ex partibus, & numero quadrato producto ex parte prædicta. quod demonstrandum erat.

Πρότασις δ. θεώρημα.

Εάν αριθμός διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμούς: ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων τετραγώνων: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν τετραγώνοις, καὶ τῶν δις ἐκ τῶν μερῶν ἐπιπέδῳ.

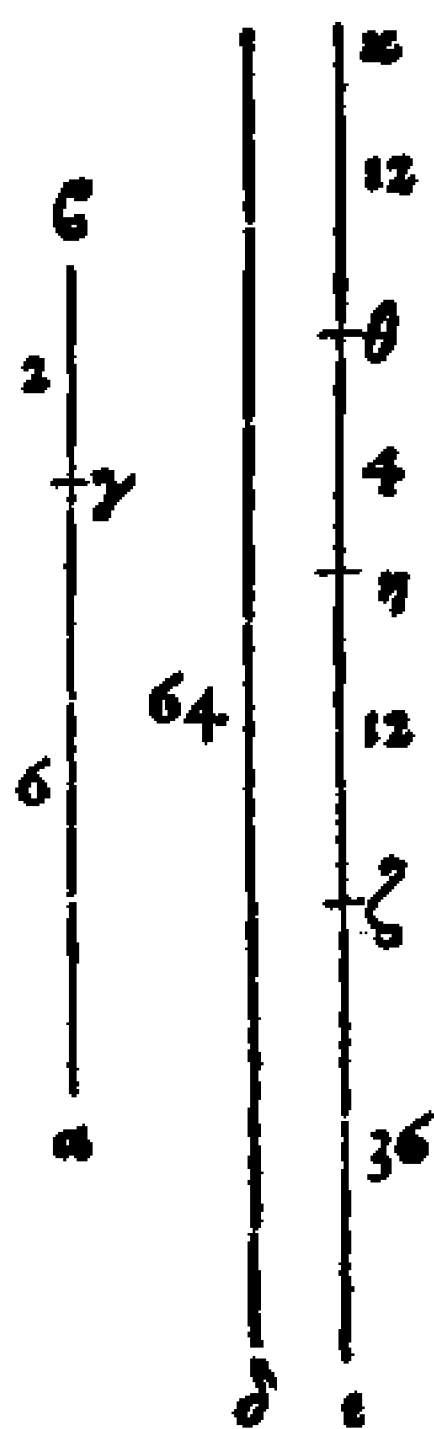
Εκθεσις.) Αριθμός γὰρ ὁ $\alpha\beta$, διαιρεθῶν εἰς δύο ἀριθμούς $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, τετραγώνος. ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνοις, καὶ τῶν δις ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἐπιπέδῳ. (Καίσαρ.)

Εστω γὰρ ἀπὸ μὲν τῶν $\alpha\beta$ τετραγώνων ὁ δ: ἀπὸ δὲ τοῦ $\alpha\gamma$, ὁ ε: ἀπὸ δὲ τῶν $\gamma\beta$, ὁ η: ἐκ δὲ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἐκότερος τῶν ζη, θκ.

(Απόδειξις.) Επεὶ πινυὲν ὁ $\alpha\gamma$, ἑαυτὸν πηλασσιάσας ἐποίησε τὸν

ε: ὁ ἄρα $\alpha\gamma$, μετρεῖ τὸν ε, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονά-



Propositio IIII. Theorema.

SI numerus aliquis in duos numeros diuisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est quadratis partium: & numero plano, qui generatur, atq; fit ex multiplicatione partium bis facta.

Ex theor. Sit enim numerus $\alpha\epsilon$, qui diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\omicron\sigma\mu\omicron\varsigma$.) Dico quod quadratus numerus totius $\alpha\epsilon$ numeri: æqualis sit quadratis partium, seu numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: & numero plano facto ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ bis repetita. (Κατασκευ .) Fiat itaq; quadratus numerus ex multiplicatione totius numeri $\alpha\epsilon$ in seipsum, et sit numerus δ . deinde fiant etiam quadrati numeri ex multiplicatione $\alpha\gamma$ in seipsum numerus $\epsilon\zeta$: et ex multiplicatione $\gamma\epsilon$ in seipsum numerus $\eta\theta$. deniq; ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ fiat uterq; numerus planus $\zeta\eta$, $\theta\kappa$. (Αποδειξις .) Cum itaq; numerus $\alpha\gamma$ multiplicando seipsum produxerit numerum $\epsilon\zeta$, idcirco $\alpha\gamma$ numerus, metitur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta unitates quæ sunt in seipso. cum etiam $\gamma\epsilon$ numerus, multiplicauerit nu-

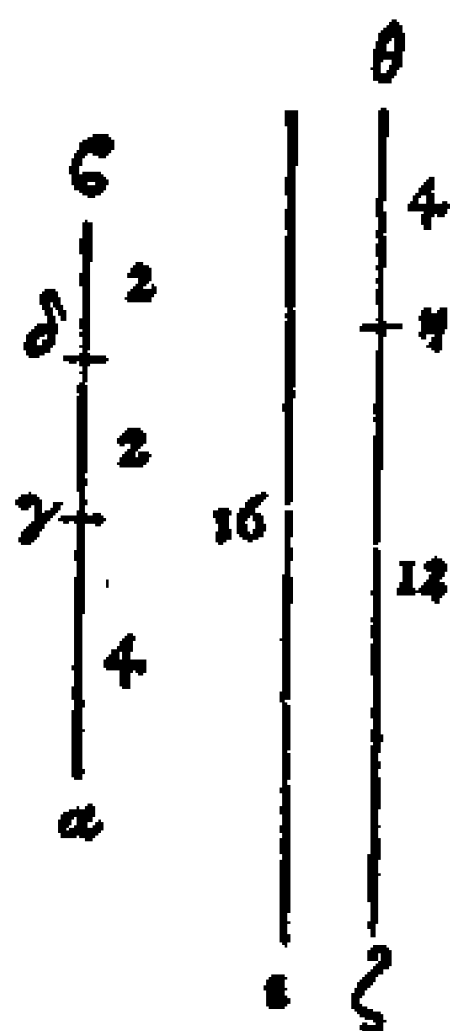
μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$, τὸν $\gamma\alpha$ πολλαπλασιάσας ἐποίησε τὸν $\zeta\eta$: μετρεῖ ἄρα τὸν $\zeta\eta$, ὁ $\alpha\gamma$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\gamma\beta$ μονάδας. ἐμέτρε δὲ καὶ τὸν $\epsilon\zeta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ. ὅλον ἄρα τὸν $\epsilon\eta$, μετρεῖ ὁ $\alpha\gamma$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. ὁ ἄρα $\alpha\beta$ πολλαπλασιάσας τὸν $\alpha\gamma$, ἐποίησε τὸν $\epsilon\eta$. ὁ $\epsilon\eta$ ἄρα ὀπίπεδον ἐστὶν ὅσον τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι καὶ ὁ $\eta\kappa$ ὀπίπεδον ἐστὶν ὅσον τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: ἔστιν ὁποῦ τῷ $\alpha\beta$ τετράγωνον ὁ δ. ἐὰν δὲ ἀριθμὸς διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμοὺς, ὁ ἀπὸ τῷ ὅλῳ τετράγωνον: ἴσος ἐστὶ δύοσι τοῖς ὅσον τῷ ὅλῳ, καὶ ἑκατέρῃ τῶν μερῶν ὀπιπέδοις. ἴσος ἄρα ὁ δ, τῷ $\epsilon\kappa$ ἀλλὰ μὴν ὁ $\epsilon\kappa$, συγκείμενον ἐστὶν ὅσον τῶν ὁποῦ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνων: καὶ τοῦ δις ὅσον τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ὀπιπέδου. ὁ δὲ δ, ἐπάγχει ὁ ὁποῦ τοῦ $\alpha\beta$ τετράγωνον. ὁ ἄρα ὁποῦ τοῦ $\alpha\beta$ τετράγωνος: ἴσος ἐστὶ τοῖς ὁποῦ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνοις, καὶ τῷ δις ὅσον τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ὀπιπέδῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰ μὲν ἄρα ἀριθμὸς, διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῷ ὅλῳ τετράγωνον: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν τετραγώνοις: καὶ τῷ δις ὅσον τῶν μερῶν ὀπιπέδῳ. ὅπως εἶδει.

numerum $\gamma\alpha$, & produxerit numerum $\zeta\eta$.
 Ergo $\alpha\gamma$ numerus, metitur numerum $\epsilon\eta$ pe-
 nes unitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$. verum
 antea metiebatur etiam numerum $\epsilon\zeta$, per u-
 nitates quæ sunt in numero $\alpha\zeta$, & propterea
 numerus $\alpha\zeta$, multiplicans numerum $\alpha\gamma$, pro-
 duxit numerum $\epsilon\eta$, eamq; ob causam nume-
 rus $\iota\kappa$, est numerus planus factus ex multiplicatione
 numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. Simili modo demonstrabimus,
 quod numerus $\iota\kappa$ sit planus factus ex multiplicatio-
 ne numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. Præterea numerus δ , est qua-
 dratus numeri $\alpha\beta$. quod si verò numerus aliquis di-
 uisus fuerit in duos numeros: quadratus totius nume-
 ri æqualis est duobus numeris planis, qui ex multi-
 plicatione totius & utrarumq; partium fiunt. quare
 numerus δ quadratus, æqualis est numero $\iota\kappa$ plano.
 Verum numerus $\iota\kappa$, compositus est ex quadratis nu-
 merorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & numero plano, qui ex multiplica-
 tione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ bis facta producitur: nume-
 rus verò δ quadratus totius numeri $\alpha\beta$. Quare nu-
 merus quadratus factus ex multiplicatione numeri
 $\alpha\beta$ in seipsum: æqualis est quadratis numeris, nume-
 rorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ partium: & numero plano ex multipli-
 catione numerorū $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ bis facta, producto. (Con-
 clusio) Si igitur numerus aliquis in duos numeros di-
 uisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est
 quadratis partium: & numero plano ex multiplica-
 tione partiū bis facta producto. quod demonstrandum
 erat.

Πρότασις ε. θεώρημα.

Εὰν ἄρπ^Θ ἀριθμὸς δίχα διαιρεθῇ: διαι-
ρεθῇ δὲ καὶ εἰς αἰσας ἀριθμοὺς: ὅτε τῶν
αἰσῶν μερῶν ἴππεδ^Θ, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ
μεταξὺ πτεράγων: ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ ἡμί-
σεος πτεράγων.

Εκθεσις.) Εἰς γὰρ ἄρπ^Θ
ἀριθμὸς ὁ αβ: ἐδιηρέσθη
δίχα μὲν εἰς τὸν α γ, γ β:
αἰσαχθῇ ἡ γ εἰς τὸν α δ, δ β.
(Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ
ἀπὸ τῷ γ β πτεράγων^Θ:
ἴσος ἐστὶ τῷ τε τῶν α δ, δ β
ἴππεδ^Θ, μὲν τοῦ ἀπὸ τῷ
γ δ πτεράγων. (Κατα-
σκή.) Εἰς γὰρ ἀπὸ μὲν
τῷ γ β πτεράγων^Θ ὁ ε:
τε τῶν α δ, δ β ἴππε-
δ^Θ ὁ ζ η. ἀπὸ δὲ τῷ δ γ πτεράγων^Θ ὁ η θ.
(Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ β γ ἀριθμὸς διηρέ-
ται εἰς δύο ἀριθμοὺς τὸν β δ, δ γ. εἰς ἄρα
ὁ ἀπὸ τῷ β γ πτεράγων^Θ, τῷ τ' εἰς ὁ εἶσος
πῶς ἀπὸ τῶν β δ, δ γ πτεράγωνοις, μὲν τοῦ
δὲ



Propositio V. Theorema.

SI numerus aliquis par, diuisus fuerit in duas partes æquales: deinde idem numerus rursus diuidatur in partes inæquales: numerus planus qui fit ex multiplicatione partiũ inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidij numeri.

Ex γεομετρ.) Sit enim $\alpha\beta$ numerus par, diuisus in duos æquales numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & in duos numeros inæquales $\alpha\delta$, $\delta\beta$. (Διογεωμετρ.) Dico quod quadratus numerus, qui fit ex multiplicatione dimidij numeri $\gamma\beta$ in seipsum: æqualis sit numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ inæqualium: & quadrato numeri $\gamma\delta$ interpositi. (Καταδοκ.) Fiac quadratus numerus ex multiplicatione numeri $\gamma\beta$ dimidij in seipsum, & sit numerus ϵ . Planus verò ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum inæqualium, numerus $\zeta\eta$: deniq; numeri $\delta\gamma$ intercepti, fiat quadratus numerus $\nu\theta$. (ἀποδόξις.) Quoniam numerus $\beta\gamma$ diuisus est in $\beta\delta$, $\delta\gamma$ numeros. idcirco quadratus numeri $\beta\gamma$: hoc est numerus ϵ , æqualis est quadratis numerorum $\beta\delta$, $\delta\gamma$: & numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $\beta\delta$, $\delta\gamma$ bis facta. (κατασκευὴ καὶ ἀποδόξις.)

F S Sit

δις ἐκ τῶν βδ, δγ. (κατασκήνηται ἀποδεί-
 ξως.) Εἰς ἂν ἀπὸ μὲν τῆ βδ τετράγωνος
 ὁ κλ: ἀπὸ δὲ τοῦ δγ ὁ νξ. ἐκ δὲ τῶν βδ, δγ
 ἑκάτερον τῶν λμ, μν. ὅλον ἄρα ὁ κξ ἴσος
 ἐστὶ τῷ ε. Καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἐαυτὸν πολλαπλασιά-
 σαις ἐποίησε τὸν κλ: μετρεῖ ἄρα αὐτὸν, καὶ αὐ-
 τὰς ἐν ἐαυτῷ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ,
 τὸν δβ πολλαπλασιάσας τὸν λμ ἐποίησε. ὁ ἄ-
 ρα δβ μετρεῖ τὸν λμ, καὶ τὰς ἐν τῷ γδ μο-
 νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν κλ, καὶ αὐτὰς ἐν ἐ-
 αυτῷ μονάδας: ὅλον ἄρα τὸ κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 καὶ αὐτὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἴσος δὲ ὁ γβ τῷ
 γα. ὁ ἄρα δβ, μετρεῖ τὸν κμ καὶ αὐτὰς ἐν τῷ
 γα μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ πολλαπλα-
 σιάσας, τὸν δβ ἐποίησε τὸν μν. ὁ ἄρα δβ, με-
 τρεῖ τὸν μν, καὶ τὰς ἐν τῷ δγ μονάδας, ἐμέ-
 τρει δὲ καὶ τὸν κμ, καὶ αὐτὰς ἐν τῷ αγ μονά-
 δας. ὅλον ἄρα τὸν κν μετρεῖ ὁ βδ, καὶ τὰς ἐν
 τῷ αδ μονάδας. ὑπόκειται γδ. ἴσος ἄρα ἐστὶν
 ὁ ζη, τῷ κν. οἱ γδ τῶν αὐτῶν ἰσάκις πολλαπλα-
 σιοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ θ τῷ νξ
 ἴσος. ἑκάτερος γδ ὑπόκειται ἀπὸ τῆ γδ τε-
 τράγωνου. ὅλον ἄρα ὁ κξ, ὅλω τῷ ζθ ἴσος
 ἐστὶν

Sit igitur quadratus numeri $\beta\delta$, numerus $\kappa\lambda$: numeri vero $\alpha\gamma$, sit quadratus numerus $\nu\xi$: denique ex multiplicatione numerorum $\beta\delta$, $\alpha\gamma$: fiat uterque numerus $\lambda\mu$, & $\mu\nu$. Itaque totus numerus $\kappa\xi$, equalis est numero 1. Quoniam nunc numerus $\beta\delta$ multiplicando seipsum, produxit numerum $\kappa\lambda$: idcirco metitur eum per unitates, quae sunt in seipso. praeterea cum numerus $\gamma\delta$, multiplicans numerum $\alpha\beta$, produxerit numerum $\lambda\mu$: eam ob causam $\alpha\beta$ numerus metitur etiam numerum $\lambda\mu$, penes unitates quae sunt in numero $\gamma\delta$. Verum antea metiebatur quoque numerum $\kappa\lambda$ per unitates quae in seipso sunt. Quare numerus $\alpha\beta$, metitur totum numerum $\kappa\mu$ iuxta unitates, quae sunt in numero $\gamma\beta$. Sed numerus $\gamma\beta$ equalis est numero $\gamma\alpha$. numerus igitur $\alpha\beta$, numerum $\kappa\mu$ metitur per unitates, quae sunt in numero $\gamma\alpha$. Rursus quoniam numerus $\gamma\delta$, multiplicando numerum $\alpha\beta$, produxit numerum $\mu\nu$: idcirco $\alpha\beta$ numerus, metitur numerum $\mu\nu$, per unitates quae sunt in numero $\gamma\delta$. Verum antea metiebatur numerum $\kappa\mu$, iuxta unitates, quae sunt in numero $\alpha\gamma$. Numerus igitur $\beta\delta$ metitur totum numerum $\kappa\nu$, per unitates quae sunt in numero $\alpha\delta$. illud enim est propositum. Quare numerus $\zeta\theta$, equalis est numero $\kappa\nu$, nam numeri qui eiusdem sunt equaliter multiplices aequales inter se sunt: sed numerus $\kappa\theta$, est equalis numero $\nu\xi$. nam uterque proponitur esse quadratus numeri $\gamma\delta$. totus itaque $\kappa\xi$, toto $\zeta\theta$ equalis est. Verum
 nume-

ἔστιν. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ἑὸ καὶ ἴσος. καὶ ὁ ζῷ ἄρα τὸ
 ἴσος ἐστὶ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ζῷ, ὁ ἐκ τῶν αἰ, δβ
 ὀπίπεδος: μετὰ τῷ ἀπὸ τῷ δγ πετραγώνῃ. ὁ δὲ
 εἰ, ὁ ἀπὸ τοῦ γβ πετραγώνος. ὁ ἄρα ἐκ τῷ αἰ,
 δβ ὀπίπεδος, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ δγ πετραγώ-
 νῃ, ἴσος ἐστὶ τὸ ἀπὸ τοῦ γβ πετραγώνῳ.
 (Συμπέρασμα.) Εἰς ἄρα ἀριθμὸς
 διαιρεθῇ δίχα: διαιρεθῇ δὲ εἰς ἀνίστους ἀριθ-
 μούς: ὁ ἐκ τῶν ἀνίστων μερῶν ὀπίπεδος: με-
 τὰ τῷ ἀπὸ τοῦ μετὰ ξυ πετραγώνῃ: ἴσος ἐστὶ
 τὸ ἀπὸ τῷ ἡμίσει πετραγώνῳ. ὅπως εἶδει
 δεῖξαι.

Πρότασις 5. θωρήματα.

Εἰς ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα: προ-
 σκεθῇ δὲ τις αὐτῷ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλῃ, ὡς τὸ
 προσκεμένῳ: καὶ εἰ προσκειμένῃ ὀπίπεδος,
 μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ ἡμίσει πετραγώνῃ: ἴσος
 ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῷ συγκεμένῃ, ὡς τοῦ ἡμίσε-
 ος, καὶ τοῦ προσκειμένῃ πετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ἀριθμὸς ὁ αἰβ, διηρη-
 ῶν

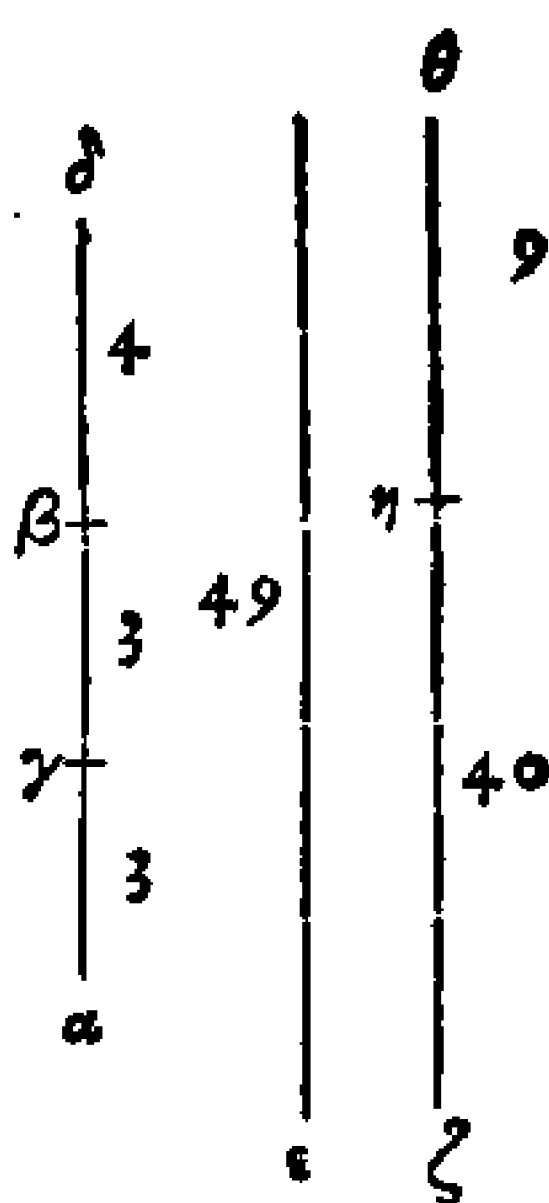
numero ϵ , æqualis est numerus $\alpha\xi$. Ergo & $\zeta\theta$ numerus æqualis est numero ϵ , & numerus $\zeta\theta$ est numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus: cum quadrato numeri $\delta\gamma$. numerus verò ϵ quadratus numeri $\gamma\beta$. ($\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\epsilon\sigma\mu\alpha$.) Quare planus numerus factus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ inæqualium cum quadrato numeri $\delta\gamma$ intercepti: æqualis est quadrato numeri $\gamma\beta$ dimidij. Si itaq; numerus par diuisus fuerit in partes duas æquales: & idem rursus in partes diuidatur inæquales: numerus planus, qui fit ex multiplicatione partium inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidij numeri. Quod erat demonstrandum.

Propositio VI. Theorema.

SI numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, & adijciatur ei aliquis alius numerus: tum planus numerus, qui fit ex multiplicatione numeri totius cum adiecto, & numeri adiecti, vnà cum quadrato dimidij numeri: æqualis est quadrato, numeri ex dimidio & numero adiecto compositi.

Ex theoris.) Par enim numerus $\alpha\beta$, diuidatur in

ὦ δὲ ἰχθὺς οὗτος ἀγ,
 γδ δειθμὸς καὶ προ-
 σκείσθω αὐτῷ ἐπὶ
 πρὸς ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διο-
 ρισμὸς.) Λέγω ὅτι ὁ
 ἐκ τῶν αδ, δβ δὲ Πί-
 πεδΘ, μὲ τοῦ ἀπὸ
 τοῦ γβ πτεργώνου:
 ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ
 γδ πτεργώνω. (Κά-
 τακτάη.) Ἐξω γὰρ ἀ-
 πὸ μὲν τῷ γδ πτερά-
 γωνΘ ὁ ε, ἐκ δὲ τῶν
 αδ, δβ δὲ ΠίπεδΘ ὁ
 ζη: ἀπὸ δὲ τοῦ γβ πτεργώνωνΘ ὁ ηθ. (Από-
 δεξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῷ γδ, ἴσΘ ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῶν δβ, βγ: μετὰ τῷ θις ἐκ τῶν δβ,
 βγ. ἔξω ἀπὸ μὲν τῷ βδ ὁ κλ: ἐκ δὲ τῶν δβ,
 βγ, ἐκάπερΘ τῶν λμ, μν: ἀπὸ δὲ τῷ βγ ὁ
 νξ. ὅλΘ ἄρα ὁ κξ, ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ γδ
 πτεργώνω. καὶ ἐστὶν ἀπὸ τῷ γδ πτεργώνωνΘ
 ὁ ε. ὁ ἄρα κξ: ἴσος ἐστὶ τῷ ε. καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἑαυ-
 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν κλ πεποίηκε.
 ὁ ἄρα βδ, μετρεῖ τὸν κλ, καὶ αὐτὰς ἐν ἑαυτῷ



tur in duos numeros aequales $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: eiq̃ ad-
 ijcitur alius numerus $\beta\delta$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\omicron\sigma\mu\omicron\varsigma$.) Di-
 co quòd numerus planus, ex multiplicatione
 numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus, cum quadrato nu-
 meri $\gamma\beta$: equalis sit quadrato numeri $\gamma\delta$.
 (Κατασκευή.) Sit enim quadratus numerus
 numeri $\gamma\delta$, numerus ϵ : planus vero ex nu-
 merorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ multiplicatione factus, nu-
 merus $\zeta\eta$: deniq̃ quadratus numeri $\gamma\epsilon$, nu-
 merus $\eta\theta$. (Απόδειξις.) Quoniam quadratus
 numeri $\gamma\delta$, equalis est quadrato numerorum
 $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, cum plano numero, qui sit ex mul-
 tiplicatione numerorum $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis facta. sic
 quadratus numeri $\epsilon\delta$, numerus $\kappa\lambda$: plani ve-
 rò ex multiplicatione numerorum $\delta\beta$, $\epsilon\gamma$ bis
 facta, uterq̃ numerorum $\lambda\mu$, $\mu\nu$. quadratus
 deniq̃ numeri $\beta\gamma$ numerus $\nu\zeta$. Totus igitur
 $\kappa\zeta$, equalis erit quadrato numeri $\gamma\delta$. sed
 quadratus numeri $\gamma\delta$ est numerus ϵ . Ergo
 numerus $\kappa\zeta$, equalis est numero ϵ . Et cū nu-
 merus $\beta\delta$ multiplicando seipsum, produxe-
 rit numerum $\kappa\lambda$, ergo numerus $\beta\delta$ meretur
 numerum $\kappa\lambda$, iuxta unitates, quæ in seipso
 sunt.

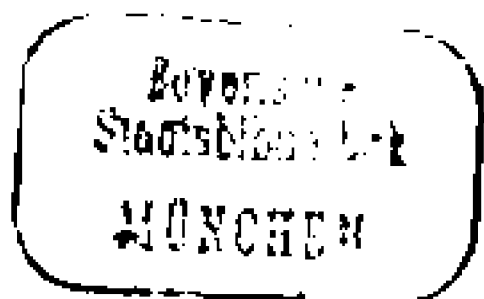
μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν λμ, κῆ τὰς ἐν τῷ
 γβ μονάδας. ὅλον ἄρα τὸν κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 κῆ τὰς ἐν τῷ γδ μονάδας. καὶ ἐπεὶ ὁ δβ με-
 τρεῖ Ἐ τὸν μν, καὶ αὐτὰς ἐν τῷ γβ μονάδας.
 ἴσθι δὲ ὁ γβ, τῷ γα, ὑποκείται γδ. ὅλον ἄ-
 ρα τὸν κν, μετρεῖ ὁ δβ, κῆ τὰς ἐν τῷ αδ μο-
 νάδας. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν ζη μετρεῖ ὁ δβ, κα-
 τὰ τὰς ἐν τῷ αδ μονάδας, ὑποκείται γάρ
 ὁ ζη ἐκ τῶν αδ, δβ. ἴσθι ἄρα ὁ ζη, τῷ κν.
 ἐστὶ δὲ καὶ ὁ θῆ τῶν ζῖσος. ἐκάτερος γὰρ ἐστὶν
 ὁ ἀπὸ τῆ γβ τετραγώνος. ὅλος ἄρα ὁ ζθ:
 τῷ κζ ἐστὶν ἴσθι. ὁ δὲ κζ ἀπεδείχθη τῷ εἰ-
 σθι. καὶ ὁ ζθ ἄρα τῷ εἰσος ἐστὶ. καὶ ἐστὶν ὁ μδμ'
 ζθ: ὁ ἐκ τῶν αδ, δβ, μῆ τῆ ἀπὸ τοῦ γβ τε-
 τραγώνου. ὁ δὲ ε, ὁ ἀπὸ τῆ γδ, ὁ ἄρα ἐκ τῶν
 αδ, δβ, μετὰ τῆ ἀπὸ τοῦ γβ: ἴσθι ἐστὶ τῷ α-
 πὸ τοῦ γδ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.)
 Εάν ἄρα ἀριθμὸς διαιρεθῇ δίχα:
 προσπεθῇ δὲ τις αὐτῷ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου (ὡς τῷ
 προσκειμένῳ, καὶ τῆ προσκείμενης ὀπίπεδος,
 μῆ τῆ ἀπὸ τῆ ἡμίσεος τετραγώνου: ἴσθι ἐστὶ
 τῷ ἀπὸ τῆ συγκείμενης, ὡς τῆ ἡμίσεος, καὶ
 τῆ προσκείμενης τετραγώνου. ὅπως εἰδὲ δεῖξαι.

Πρῶτα-

sunt. verum metitur etiam numerum $\alpha\mu$ per unitates quæ sunt in $\gamma\beta$ numero. quare numerus $\delta\beta$ totum numerum $\alpha\mu$ metitur penes unitates, quæ sunt in numero $\gamma\delta$. sed & numerus $\delta\beta$, metitur numerum $\mu\nu$ per unitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$: & numerus $\gamma\beta$, est æqualis numero $\gamma\alpha$. illud enim proponitur. Ergo numerus $\delta\beta$, totum numerum $\mu\nu$ metitur iuxta unitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$. verum numerus $\delta\beta$ metitur etiam numerum $\zeta\kappa$ per unitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$: quia proponitur numerum $\zeta\kappa$, esse planum ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ factum. Quare numerus $\zeta\kappa$ erit æqualis numero $\mu\nu$. sed & numerus etiam est æqualis numero $\gamma\zeta$. quia uterq; est numerus quadratus numeri $\gamma\beta$. Totus igitur $\zeta\theta$ numerus, æqualis est $\alpha\zeta$ numero: & $\alpha\zeta$ numerus, demonstratus est æqualis esse numero ι . Itaq; $\zeta\theta$ numerus etiam erit æqualis numero ι , & numerus $\zeta\theta$ est numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ factus: cum quadrato numeri $\beta\gamma$: numerus verò ι , quadratus numeri $\gamma\delta$. Quare numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$, cum quadrato numeri $\gamma\beta$: æqualis est quadrato numeri $\gamma\delta$. (Συμπέρασμα.) Si igitur numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, & adijciatur ei aliquis alius numerus, tum numerus planus, qui fit ex multiplicatione totius numeri cum adiecto, & numeri adiecti, unum cum quadrato dimidij numeri: æqualis est quadrato numeri compositi ex dimidio, & adiecto. Quod demonstrandum erat.

G

Pro.



Πρότασις ζ. θεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς διαιρεθῇ, εἰς δύο ἀριθμούς: ὁ
ἀπὸ τῶ ὅλῃ τετραγώνῳ, μὲν τῶ ἀφ'
ἐνὸς τῶν μερῶν τετραγώνῳ: ἴσῳ ἐστὶ τὰς οἷς
ἐκ τοῦ ὅλῃ, καὶ τῶ εἰρημένῃ μέρει, ὅτι πᾶ-
σι δώ, μὲν τῶ ἀπὸ τῶ λοιπῶν μέρει τετραγώνῳ.

6	8	64 quad: totius α β.
	8	25 quad: partis α γ.
3		
	64 quad: totius.	89.
	5	80 planus bis facta.
	5	9 quad: reliq: partis β γ.
γ		
	25 quad: partis.	89.
	8	8
	5	5
	40	40
	80 planus bis facta multipl.	
	3	
	3	
α		
	9 quad: reliq: part:	

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ ὁ αβ. διηγήσθω εἰς
τὸν α γ, γ β ἀριθμούς. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι
οἱ ἀπὸ

Proposicio VII. Theorema.

SI numerus aliquis diuidatur in duos numeros, quadratus numeri totius cū quadrato vnius partis: æqualis est numero plano, ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato partis reliquæ.

6	8		64 quad: totius aβ.
3	8		25 quad: partis αγ.
	—		—
	64 quad: totius.		89.
7	5		80 planus bis facta.
	5		9 quad: reliq: partis βγ.
	—		—
	25 quad: partis.		89.
5	8		
	5		
	—		
	40		
	40		
	—		
	80 planus bis facta multipl.		
3	3		
	—		
	9 quad: reliq: part.		

Ex hoc.) Numerus αβ, diuidatur in numeros αγ, γβ. (Διμερισμός.) Dico quod numeri

οὐ ἀπὸ τῶν βα, αγ τετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶν τῷ
 δις ἐκ τῶν βα, αγ ὁππῆδω, μὲ τοῦ ἀπὸ
 τῆ βγ τετραγώνου. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ
 ὁ ἀπὸ τῆ αβ τετράγωνος, ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ
 τῶν βγ, γα, καὶ τῷ δις ἐκ τῶν βγ, γα. κοι-
 νὸς προσκείσθω ὁ ἀπὸ τῆ αγ τετράγωνος.
 ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ βα, μετὰ τῆ ἀπὸ εβ αγ: ἴσος
 ἐστὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῆ αγ τετραγώνοις. καὶ ἐνὶ
 τῷ ἀπὸ τοῦ γβ, μὲ τῆ δις ἐκ τῶν βγ, γα.
 καὶ ἐπεὶ ἅπαξ ἐκ τῶν βα, αγ: ἴσος ἐστὶ τῷ
 ἅπαξ ἐκ τῶν βγ, γα, μὲ τῆ ἀπὸ τοῦ γα τε-
 τραγώνου. ὁ ἄρα δις ἐκ τῶν βα, αγ: ἴσος ἐστὶ
 τῷ δις ἐκ τῶν βγ, γα, μετὰ δύο τῶν ἀπὸ
 τῆ γα τετραγώνων. κοινὸς προσκείσθω ὁ ἀ-
 πὸ τῆ βγ τετράγωνος. δύο ἄρα τετράγω-
 νοι ἀπὸ τῆ αγ: καὶ εἷς ἀπὸ τῆ γβ, μετὰ τῆ
 δις ἐκ τῶν βγ, γα: ἴσοι εἰσὶν τῷ δις ἐκ τῶν
 βα, αγ μὲ τῆ ἀπὸ εβ γβ. ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ αβ
 τετράγωνος, μὲ τῆ ἀπὸ τῆ αγ τετραγώ-
 νου: ἴσος ἐστὶ τῷ δις ἐκ τῶν βα, αγ, μετὰ τοῦ
 ἀπὸ τῆ λοιπῆ γβ μέρους τετραγώνου. (Συμ-
 πέρασμα.) Ἐὰν ἄρα ἀριθμὸς διαιρεθῇ εἰς
 δύο ἀριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῆ ὅλης τετράγωνος,
 μὲ

meri quadrati numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: aequales
sint numero plano, ex multiplicatione nume-
rorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ bis facta, cum quadrato nume-
ri $\gamma\beta$. (Απόδειξις.) Cum enim quadratus
numeri $\alpha\beta$, sit equalis quadratis numerorum
 $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$, & numero plano ex multiplicatione numerorū
 $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta: communis addatur quadratus numeri
 $\alpha\gamma$. Ergo quadratus numeri $\alpha\beta$, cum quadrato numeri
 $\alpha\gamma$: equalis est duobus quadratis numeri $\alpha\gamma$, & vno
quadrato numeri $\gamma\beta$: cum numero plano, ex multipli-
catione numerorum $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta. Quoniam verò
numerus planus, ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ numero-
rum semel facta: equalis est numero plano ex multis-
plicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ semel facta, vnā cum quadrato $\gamma\alpha$.
numerus itaq; ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ bis facta: æ-
qualis erit numero ex multiplicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta:
cum duobus quadratis numeri $\gamma\alpha$. Communis ad-
datur quadratus numerus $\beta\gamma$. ergo duo quadrati nu-
meri $\alpha\gamma$, & vnus quadratus numeri $\gamma\beta$: cum numero
plano, ex multiplicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta: sunt æqua-
les numero plano, ex numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ multiplica-
tione bis facta, cum quadrato numeri $\gamma\beta$. Quare qua-
dratus numeri $\alpha\beta$, cum quadrato numeri $\alpha\gamma$: est æqua-
lis numero plano, ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ numero-
rum bis facta cū quadrato numeri $\gamma\beta$. (Συμπέρασμα.)
Si igitur numerus aliquis diuidatur in duos numeros:
quadratus totius numeri, cum quadrato huius par-

μὲν τὰ ἀφ' ἑνὸς τῶν μερῶν τετραγώνῃ· ἴσθι
ἐστὶ τὰ δ' ἑκ τῆς ὅλης, καὶ τοῦ εἰρημένῃ μέ-
ρους ὀπιπείδῳ, μὲν τὰ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέ-
ρους τετραγώνῃ. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότασις η. θεώρημα.

Εἰν δ'ριθμὸς εἰς δύο ἀριθμὸς διαμεθῇ· ὁ
τετράκις ἐκ τοῦ ὅλης, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν
ὀπιπείδῳ, μὲν τὰ ἀπὸ τῆς λοιπῆς μέρους τε-
τραγώνῃ· ἴσθι ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τοῦ
εἰρημένῃ μέρους ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ αβ, διηρήσθω εἰς
δύο ἀριθμὸς σὺν αγ, γβ. (Διορισμός.) Λέ-
γω ὅτι ὁ τετράκις ἐκ τῶν αβ, βγ, μὲν τοῦ
ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῃ· ἴσθι ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς
αβ, βγ ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνῳ. (Καίλασι.)
Καίλασι γὰρ τὰ βγ, ἀριθμῶ, ἴσος ὁ βδ. (Α-
πόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῆς αδ, ἴσθι ἐστὶ
τοῖς ἀπὸ τῶν αβ, βδ τετραγώνοις· καὶ τὰ δ' ἑκ
τῶν αβ, βδ ὀπιπείδῳ· καὶ ἐστὶν ὁ βδ ἴσθι
τὰ βγ. ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῆς αδ τετραγώνῳ,
ἴσθι τοῖς ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετραγώνοις· καὶ
τὰ δ' ἑκ τῶν αβ, βγ ὀπιπείδῳ. τὰ δὲ ἀπὸ
τῶν

partis: æqualis est numero plano ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato reliquæ partis. quod erat demonstrandum.

Propositio VIII. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros: cum planus numerus, ex multiplicatione totius, & vnius partis quater facta, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis tanquam esset quadratus vnius numeri.

Εξ ἧτος.) Numerus enim $αβ$, diuidatur in duos numeros $αγ$, $γβ$. (Διορισμός) Dico quod numerus planus, ex multiplicatione numerorum, $αβ$, $βγ$ quater facta, cum quadrato numeri $αγ$: æqualis sit quadrato numeri $αβ$, $β$, tanquam vnius esset numeri quadratus. (Κελευσμός.) Fiat enim numero $βγ$, æqualis numerus $βδ$. (ἀπόδειξις.) Quoniam nunc quadratus numeri $αδ$, æqualis est quadratis numerorum $αβ$, $βδ$: & numero plano ex multiplicatione numerorum $αβ$, $βδ$ bis repetita. denique numerus $βδ$, æqualis sit numero $βγ$. idcirco quadratus numeri $αδ$, æqualis est quadratis numerorum $αβ$, $βγ$, & numero plano ex multiplicatione numerorum $αβ$, $βγ$ bis facta, & quadrato numeri $αγ$. quadrata

104.

ΒΑΡΛΑΑΜ.

6

8 8 8 8

2 2 2 2

2

16	16	16	16
----	----	----	----

γ

64 planus ex quater facta
multiplicatione.

6

6

6

36 quad: reliq:

10

10

100 quad. totius & part:

α

64

36

100 planus & quad: reliq:

τῶν αβ, βγ τετράγωνα: ἴσα ἐστὶ τὰ δὲ ἐκ
 τῶν αβ, βγ ἡνωμένα: καὶ τὰ ἀπὸ τῆς αὐτῆς
 τετραγώνου: ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῆς αδ τετράγω-
 νου, ἴσος τὰς τετράκτις ἐκ τῶν αβ, βγ ἡνω-
 μένων: καὶ τὰ ἀπὸ τῆς αὐτῆς τετραγώνου. καὶ ἐ-
 στὶν ὁ ἀπὸ τῆς αδ τετράγωνου, ὁ ἀπὸ τῆς αβ,
 βγ, ὡς ἀφ' ἑνὸς. ὁ γδ βδ, ἴσος ἐστὶ τὰς βγ.
 ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῆς αβ, βγ ὡς ἀφ' ἑνὸς τε-
 τράγωνου

6	8	8	8	8
2	2	2	2	2
+ γ	16 16 16 16			
6	64 planus ex quater facta multiplicatione.			
	6			
	6			
	36	quad: reliq:		
	10			
	10			
	100	quad: totius & partis.		
α	64			
	36			
	100	planus, & quad: reliq:		

autem numerorum αβ, βγ, sunt equalia numero plano ex multiplicatione numerorum αβ, βγ bis repetita, & quadrato numeri αγ. quare numerus quadratus numeri αδ, erit equalis numero plano ex multiplicatione numerorum αβ, βγ quater repetita, & quadrato numeri αγ. sed quadratus numeri αδ, est quadratus numerorum αβ, βγ, tanquam esset unus numerus. quia numerus βδ, est equalis numero βγ. Quare quadratus αβ, βγ numerorum, tanquam esset unus numeri quadratus, equalis est numero plano

G 5 ex

τετράγωνον: ἴσθι τὰ τετράκισ ἐκ τῶν $\alpha\beta$,
 $\beta\gamma$, καὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$. (Συμπέρασμα.)
 Εὰν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαιρεθῇ:
 ὁ τετράκισ ἐκ τῶν ὅλων, καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ἐ-
 πίπιδ' ἔσθι, μὲν τὰ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέρους τε-
 τραγώνη: ἴσθι ἐς τὰ ἀπὸ τῶν ὅλων, καὶ τοῦ
 προσφευγμένου μέρους, ὡς ἀφ' ἐνὸς τετραγώνου.
 ὅπως εἶδ' εἰξαι.

Πρότασις θ. θεώρημα.

Εἰν ἀριθμὸς διαιρεθῇ δίχα, ἐπὶ δὲ διαιρε-
 θῇ ἔτι εἰς αἰίσους ἀριθμοὺς: οἱ ἀπὸ τῶν αἰί-
 σων ἀριθμῶν τετράγωνοι: διπλάσιοι εἰσὶ τῶν
 ἀπὸ τῶν ἡμισείας τετραγώνων, μὲν τὰ ἀπὸ τοῦ
 μιᾶς τετραγώνων.

Εκθεσις.) Ἀρ' ἔσθι ἀριθμὸς ὁ $\alpha\beta$, δίχα
 διηρήσθω εἰς $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἀριθμοὺς: εἰς αἰί-
 σους δὲ διηρήσθω $\alpha\delta$, $\delta\beta$. (Διορισμός.)
 Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ τετράγωνοι: δι-
 πλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώ-
 νων. (Ἀποδείξις.) Επεὶ γὰρ ἀρ' ἔσθι ἀριθ-
 μὸς ὁ $\alpha\beta$, εἰς ἴσους μὲν δὲ ἡρῆται $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$,
 εἰς αἰίσους δὲ $\alpha\delta$, $\delta\beta$. ὁ ἄρα ἐκ τῶν $\alpha\delta$,
 $\delta\beta$,

ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ quater repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. ($\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\alpha\sigma\mu\alpha$.) Si igitur numerus diuidatur in duos numeros: tum planus numerus qui fit ex multiplicatione totius, & unius partis quater repetita, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis, tanquam esset quadratum unius numeri, quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros æquales, atq; iterum in partes diuidatur inæquales: numeri quadrati numerorum inæqualium, dupli sunt quadrati eius, qui fit ex multiplicatione dimidij in seipsum, cum quadrato numeri inter ipsos intercepti.

Ex $\theta\epsilon\omicron\rho\iota\varsigma$.) Numerus enim $\alpha\beta$, qui est par, diuidatur in numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, æquales: & in numeros $\alpha\delta$, $\delta\beta$ inæquales. ($\Delta\iota\omicron\zeta\iota\sigma\mu\omicron\iota\varsigma$.) Dico quod quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$, dupli sint quadratorum qui fiunt ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ in se ipsos. ($\Lambda\pi\acute{o}\delta\alpha\lambda\epsilon\iota\varsigma$.) Cū enim numerus $\alpha\beta$ sit numerus par, diuisus etiā sit in numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: æquales, & postea in $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numeros inæquales. numerus itaq; planus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ factus,
cum

108.	ΒΑΡΛΑΑΜ.	
6	8	2
	8	2
2	<u>64 quad:</u>	<u>4 quad:</u>
δ		
	64	
3	<u>4</u>	
	68 quad: unequal:	
γ		
	5	68 (2.
	<u>5</u>	<u>34</u>
5	25 quad: dimidiij.	
	3	25
	<u>3</u>	<u>9</u>
α	9 qua: intercep:	34 quad: dimid: & intercepti.

δβ, μζ τῷ ἀπὸ τῷ γδ: ἴσθ' ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ
 αγ πτεργώνω. ὁ δὲ ἄρα ἐκ τῶν αδ, δβ,
 μζ δύο τῶν ἀπὸ τῷ γδ πτεργώνων: διπλα-
 σιῶ ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ αγ πτεργώνω. Καὶ
 ἐπεὶ ὁ αβ, δίχα διήρηται εἰς στὺ αγ, γβ. ὁ ἄ-
 ρα ἀπὸ τῷ αβ, πτεργώνω: πτεραπλασίος
 ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ αγ πτεργώνω. καὶ ἐπεὶ ὁ δὲ
 ἐκ τῶν αδ, δβ, μζ δύο τῶν ἀπὸ τῷ δγ: δι-
 πλασίῳ ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ γα. ἐὰν δὲ ᾧσι δύο
 ἄριθ.

cum quadrato numeri $\delta\gamma$: est equalis quadrato numeri $\alpha\gamma$. Ergo numerus planus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ bis facta cum duobus quadratis numeri $\gamma\delta$: duplus est quadrati, numeri $\alpha\gamma$. Cum etiam $\alpha\beta$ numerus sit divisus in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ aequales: idcirco quadratus numeri $\alpha\beta$, quadruplus est numeri quadrati, ex multiplicatione numeri $\alpha\gamma$ in seipsum facti. Adhuc cum numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ bis repetita factus, cum duobus quadratis numeri $\delta\gamma$ duplus sit numeri quadrati ex $\gamma\alpha$ numero: cumque duo fuerint numeri, quorum alter eiusdem numeri sit quadruplus: alter verò eiusdem duplus: tum quadruplus numeri dupli erit duplus. Quare quadratus numeri $\alpha\beta$, duplus est numeri ex numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ multiplicatione bis facta procreati, cum duobus quadratis numeri $\delta\gamma$. idcirco numerus, qui ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum bis facta producitur: dimidio minor est quadrato numeri $\alpha\beta$. quadrato nempe numero bis repetito multiplicatione numeri

ἀριθμοὶ, ὁ μὲν ἐτέρῳ αὐτῶν ἔσται αὐτῆς πετρα-
 πλάσι· ὁ δὲ ἐτέρῳ διπλάσιος· ὁ πετρα-
 πλάσιος διπλάσι· ἐστὶ τῆ διπλασίης. ὁ ἄ-
 ρα ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, διπλάσι· ἐστὶ τοῦ δις ἐκ
 τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$, μεία δύο τῶν ἀπὸ τῆς $\delta\gamma$. ἐστὶν
 ἄρα ὁ δις ἐκ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ ἑλαπίων ἡμίσε·
 τῆς ἀπὸ τοῦ $\alpha\beta$, πᾶς δις ἀπὸ τῆς $\delta\gamma$. καὶ ἐπεί
 ὁ δις ἐκ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$, μὲν τοῦ συγκείμενης ἐκ
 τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$: ἴσ· ἐστὶ πᾶς ἀπὸ τοῦ
 $\alpha\beta$. ὁ ἄρα συγκείμενος ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν
 $\alpha\delta$, $\delta\beta$: μείζων ἐστὶν ἡμίσε· τῆς ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$,
 πᾶς δις ἀπὸ τῆς $\delta\gamma$. καὶ ἐστὶν ὁ ἀπὸ τοῦ $\alpha\beta$,
 τοῦ ἀπὸ τοῦ $\alpha\gamma$ πετραπλάσι· ὁ ἄρα συγ-
 κείμενος ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$: μείζων
 ἐστὶ διπλασίης τοῦ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$, πᾶς δις ἀπὸ
 τῆς $\delta\gamma$. Διπλάσιος ἄρα ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$. (Συμπέρασμα.) Εὖν ἄρα ἀριθ-
 μὸς, διαμεθεῖσθαι, ἐπὶ δὲ διαμεθεῖσθαι καὶ
 εἰς ἀνίστας ἀριθμοὺς: οἱ ἀπὸ τῶν ἀνίστων ἀριθ-
 μῶν πετραγῶνοι: διπλάσιοι εἰσὶ τῆς ἀπὸ τῆς
 ἡμισείας πετραγῶνης, μεία τῆς ἀπὸ τῆς μεία-
 ξυ πετραγῶνης. ὅπως εἶδεν εἶξαι.

Πρότα-

numeri $\delta\gamma$ in seipsum facta. & quia numerus ex multiplicatione ad , $\delta\beta$ numerorum bis facta, cum numero composito, & producto ex multiplicatione numerorum ad , $\delta\beta$: equalis est quadrato numeri ab . idcirco numerus qui componitur ex quadratis numerorum ad , $\delta\beta$, maior est dimidio quadrati numeri ab : numero quadrato numeri $\delta\gamma$ bis repetito. & est quadratus numeri ab , quadrati numeri ay quadruplus. Quare compositus numerus ex quadratis numerorum ad , $\delta\beta$: maior est duplo quadrati numeri ay : numero quadrato numeri $\delta\gamma$ bis repetito. Quare duplus est quadratorum, ex multiplicatione numerorum ay , $\gamma\delta$ bis factorum. (Συμπλέγματα.) Si igitur numerus dividatur in duos numeros equales: & iterum in numeros inaequales: numeri quadrati numerorum inaequalium dupli sunt quadrati eius, qui fit ex multiplicatione dimidij in seipsum, cum quadrato numeri inter ipsos intercepti. quod demonstrandum erat.

Propo-

Πρότεσις ι. θεώρημα.

Εάν ἄρτιος ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα, περ-
σπθῇ δὲ τις αὐτῷ ἑτέρος ἀριθμὸς: ὁ ἀπὸ
τῆς ὅλης ζυγὴ τῷ προσκειμένῳ: καὶ ὁ ἀπὸ τῆς
προσκειμένου οἱ σωμαφότροι τετράγωνοι
διπλάσιοι εἰσὶ τῆς ἀπὸ ἡμίσεος τετραγώνου:
καὶ τῆς ὅλης τοῦ συγκειμένου ἑκτὴ τῆς ἡμίσεος,
καὶ τῆς προσκειμένου ὡς ἀφ' ἑνὸς τετραγώνου.

δ	8	2
	8	2
2	<u>64 quad: α δ.</u>	<u>4 quad: δ β.</u>
6		
3	5	
	5	
γ	<u>25 quad: γ δ dimidiij, & adiecti.</u>	
3	3	25 64
	3	9 4 68 (2.
α	<u>9 quad: dimid: α γ. 34.</u>	<u>68. 34</u>

Εκθεσις.) Εστω γὰρ ἄρτιος ἀριθμὸς ὁ αβ, καὶ
διηρήστω δίχα εἰς ζυγὰ ἄγ, γβ: καὶ προσκεί-
στω αὐτῷ ἑτέρος τις ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διορισ-
μὸς.) Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν αδ, δβ τετράγω-
νοι, διπλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν ἄγ, γδ τε-
τραγώνων.

Propositio X. Theorema.

Si numerus par, diuisus fuerit in duos numeros aequales, eiꝯ addatur alius aliquis numerus: tum numerus quadratus totius cū adiecto, & quadratus numeri adiecti: hi duo quadrati numeri coniuncti: dupli sunt quadratorum numerorum, scilicet quadrati dimidij, & quadrati eius, qui est compositus ex numero dimidio, & adiecto, ac si vnus numeri quadratus esset.

δ	8	2	
2	8	2	
6			
	64 quad: α δ.	4 quad: δ β.	
3	5		
3	5		
7			
	25 quad: γ δ dimidij, & adiecti.		
3	3	25	64
α	3	9	4
	9 quad: dimid: α γ.	34.	68. 34 (2.

Exdeorꝯ.) Sit enim αδ numerus par, & diuidatur in duas partes aequales αγ, γδ numeros: eiꝯ adijciatur alius numerus βδ. (Διο-
 ερμοϛ.) Dico quod numeri quadrati nume-
 rorum αδ, δβ dupli sint numerorū quadra-

H

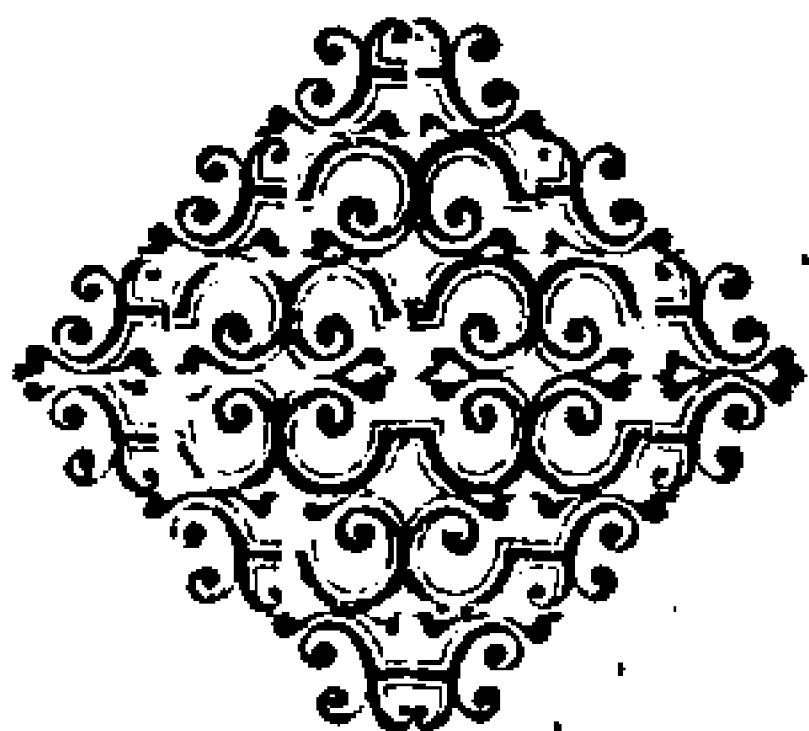
 rorum

τραγώνων. (Απόδειξις.) Επει γὰρ ἀριθμὸς ὁ
 ᾱδ, διήρηται εἰς εἴς ᾱβ, βδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν
 ᾱδ, δβ πτεράγωνοι: ἴσοι εἰσὶν τῷ δλῖς ἐκ τῶν
 ᾱδ, δβ ὁπιπείδω, μὲ τῷ ἀπὸ τῷ ᾱβ πτερά-
 γώνω. ὁ δὲ ἀπὸ εἰς ᾱβ πτεράγωνος, ἴσος ἐστὶ
 τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν ᾱγ, γβ πτεράγωνοις.
 ἴσος γὰρ ἐστὶν ὁ ᾱγ, τῷ γβ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν
 ᾱδ, δβ πτεράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ τῷ πδλῖς ἐκ τῷ
 ᾱδ, δβ, καὶ τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν βγ, γα.
 καὶ ἐπεὶ ὁ ἐκ τῶν ᾱδ, δβ, μὲ τῷ ἀπὸ εἰς γβ,
 ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ γδ. ὁ ἄρα δλῖς ἐκ τῶν
 ᾱδ, δβ, μὲν αὖ δύο τῶν ἀπὸ εἰς γβ: ἴσος ἐστὶ δύοσι
 τοῖς ἀπὸ τῷ γδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν ᾱδ, δβ π-
 τεράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῷ γδ: καὶ
 δύοσι τοῖς ἀπὸ τῷ ᾱγ. διπλάσιοι ἄρα εἰσὶν
 τῶν ἀπὸ τῶν ᾱγ, γδ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ
 ᾱδ πτεράγωνος, ὁ ἀπὸ εἰς ὅλκ καὶ εἰς προσκεί-
 μένης: ὁ δὲ ἀπὸ τῷ δβ, ὁ ἀπὸ τῷ προσκείμενου:
 ὁ δὲ ἀπὸ τῷ γδ, ὁ ἀπὸ τῷ συγκείμενης ἐκλεῖε
 ἡμίσεος, καὶ τῷ προσκείμενης. ὁ ἄρα ἀπὸ εἰς ὅλκ
 ζυὺ τῷ προσκειμένῳ πτεράγωνος μὲ τῷ ἀ-
 πὸ τοῦ προσκείμενου: διπλάσιος ἐστὶ τοῦ ἀ-
 πὸ τῷ ἡμίσεος μὲ τῷ ἀπὸ τῷ συγκείμενου
 ἐκλεῖε

terum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$. (Ἀποδείξις.) Cum enim
 numerus $\alpha\delta$, divisus sit in numeros $\alpha\beta$, $\beta\delta$:
 idcirco numeri quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$
 aequales sunt numero plano ex multiplicatio-
 ne numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ bis repetita facto, cum
 quadrato numeri $\alpha\beta$. sed quadratus numeri
 $\alpha\beta$, aequalis est quatuor quadratis numero-
 rum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: quia $\alpha\gamma$ est aequalis $\gamma\beta$ nume-
 ro: idcirco etiam quadrati numerorum $\alpha\delta$,
 $\delta\beta$: aequales sunt numero plano ex multipli-
 catione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum bis facta produ-
 cto: & quatuor quadratis numerorum $\beta\gamma$,
 $\gamma\alpha$. Cum verò planus numerus ex multipli-
 catione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum factus, cum qua-
 drato numeri $\gamma\epsilon$: aequalis sit quadrato nume-
 ri $\gamma\delta$: idcirco numerus ex multiplicatione $\alpha\delta$
 $\delta\epsilon$ numerorum bis repetita factus, cum duo-
 bus quadratis numeri $\gamma\epsilon$: est aequalis qua-
 drato numeri $\gamma\delta$. Quare quadrati numero-
 rum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$: aequales erunt duobus quadratis
 numeri $\gamma\delta$: & duobus quadratis numeri $\alpha\gamma$.
 ergo erunt dupli quadratorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ nume-
 rorum, & quadratus numeri $\alpha\delta$, est quadra-

ἐκτε τοῦ ἡμίσεος, καὶ τοῦ προσκείμενου.
 (Συμπέρασμα:) Εὰν ἄρα ἄρῃ αἰριθ-
 μὸς δίχα διαιρεθῇ, προσπιθῇ δὲ πρὸς αὐτῷ ἑ-
 πτερ αἰριθμὸς, ὁ δὲ πρὸς τῷ ὅλῳ (ὡς τὰ προσ-
 κείμενα, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ προσκειμένου, οἱ συν-
 αμφοτέρω τετραγώνοι: διπλαῖοι εἰσὶ τοῦ
 ἀπὸ τῷ ἡμίσει τετραγώνου, καὶ τῷ ἀπὸ
 τῷ συγκειμένου ἐκτε τῷ ἡμίσει, καὶ
 τοῦ προσκείμενου ὡς ἀπὸ ἑνὸς
 τετραγώνου. ὅπως
 εἶδεν δειξαι.

ΤΕΛΟΣ.

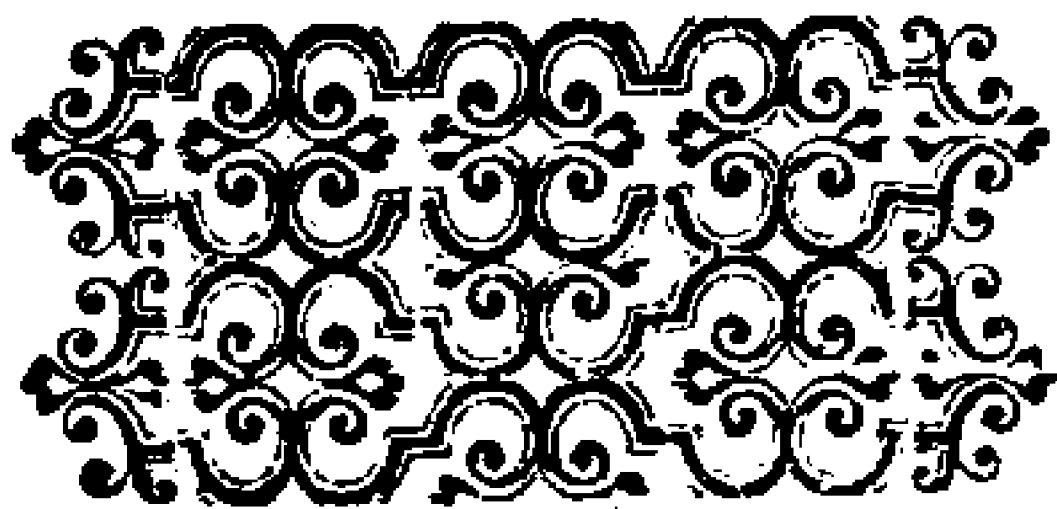


cus totius, & adiecti numeri : quadratus vero δε, est quadratus numeri adiecti. quadratus etiam numeri γδ, est quadratus numeri compositi ex dimidio & adiecto. (Συμπέροσμα.) Quare si numerus par diuisus fuerit in duos numeros aequales: eiq, addatur alius aliquis numerus, tum numerus quadratus totius & adiecti, cum quadrato adiecti duplus est quadratorum dimidij, & eius, qui compositus est ex dimidio & adiecto, ac si vnus numeri quadratus esset. Quod erat demonstrandum.

FINIS.

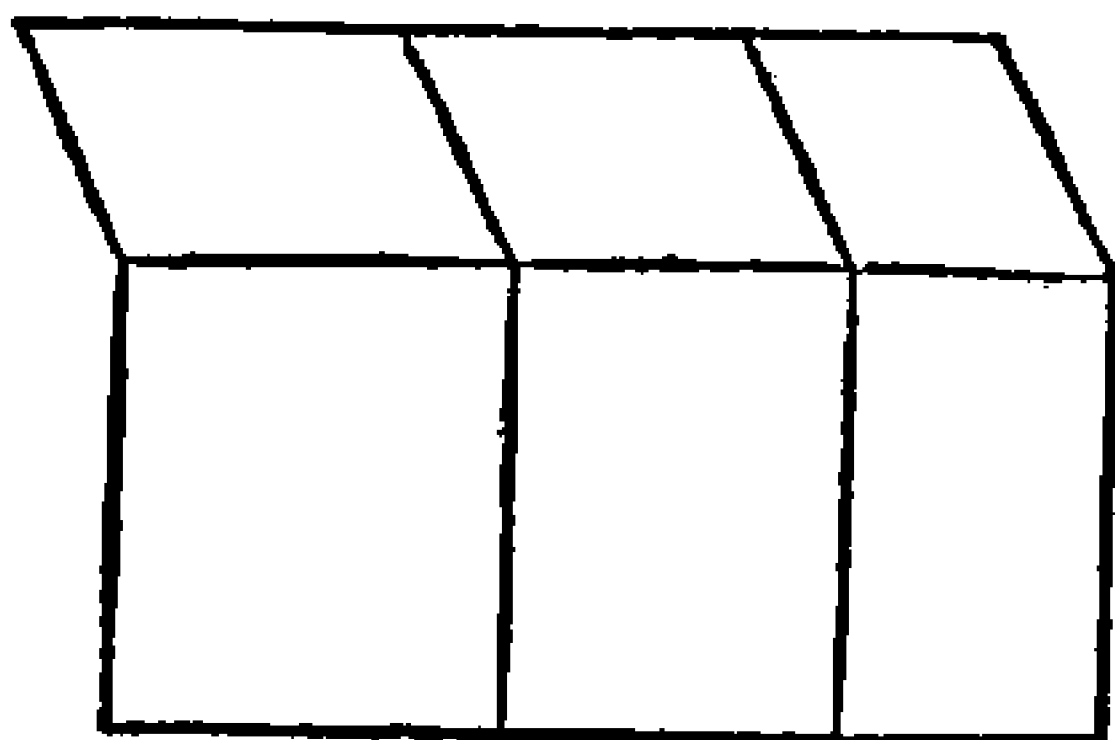
H 3

Theo-



Theoremata octo, quibus nonnulla ex præcedentibus demonstrantur
 Στερεωμετρικῶς.

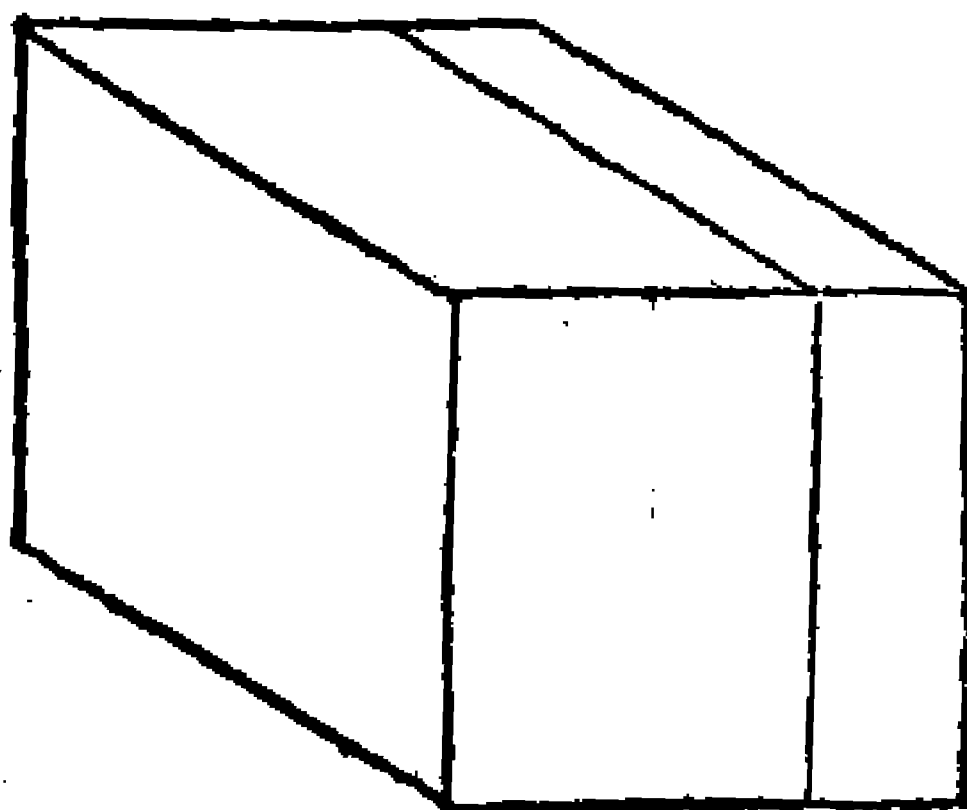
Theorema primum.



Si fuerint due lineæ rectæ, quarum una quidem sit integra, altera vero in quocunque partes divisa: quod sub integra bis, et altera illa semel continetur solidum parallelepipedon rectangulum, esse æquale ijs solidis parallelepipedis rectangulis, quæ sub integra bis, et singulis segmentis semel continentur.

Theo-

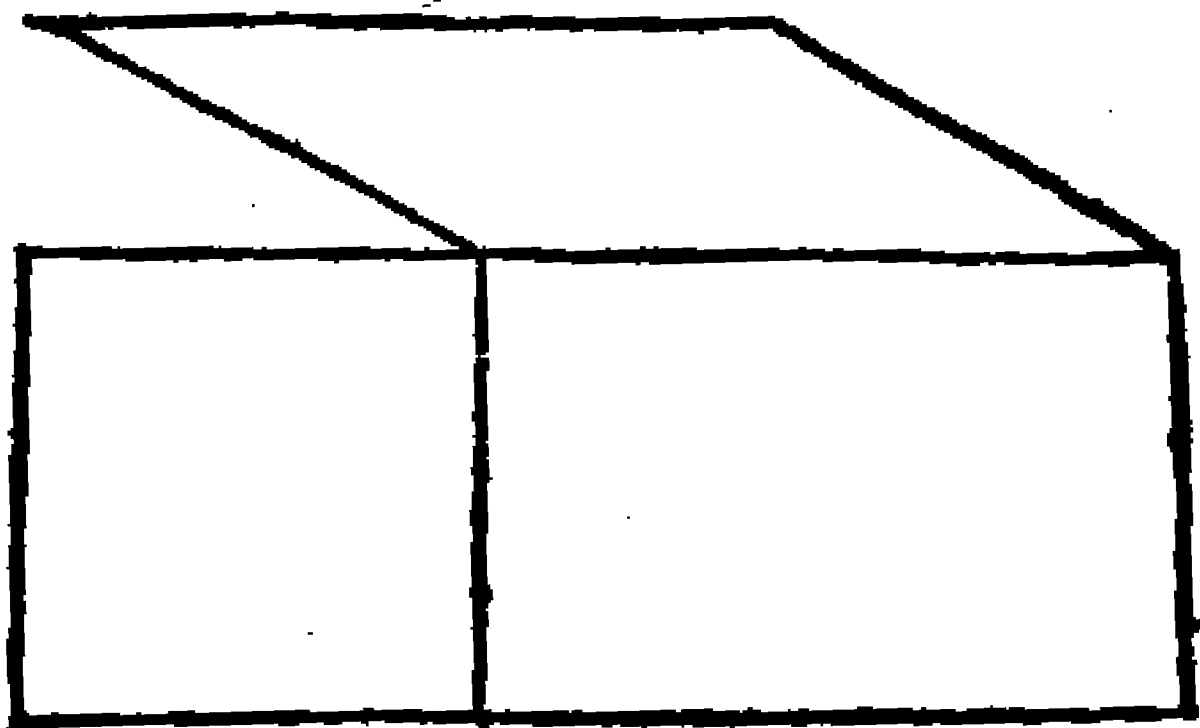
Theorema secundum.



SI fuerit linea recta dissecta in tres, quae
sub tota bis, & singulis segmentis semel
continentur solida parallelepipeda rectangu-
la, sunt equalia ei, qui ex tota fit cubo.

H 4

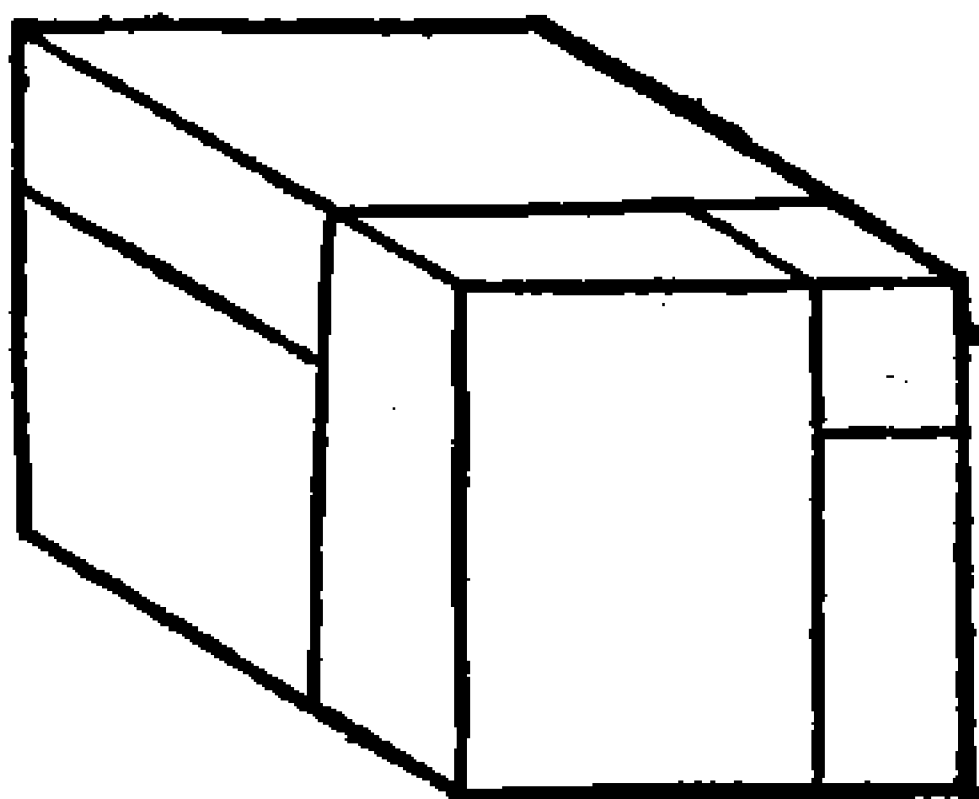
Theorema tertium.



SI recta linea fueris dissecta ὡς εἶπυχε, quod sub tota, & vno segmento bis continetur solidum parallelopipedon rectangulum: est equale solido parallelepipedo rectangulo, quod continetur sub eodem illo segmento bis, & reliquo semel, vna cum eo, qui ab eodem segmento est cubo.

Theo-

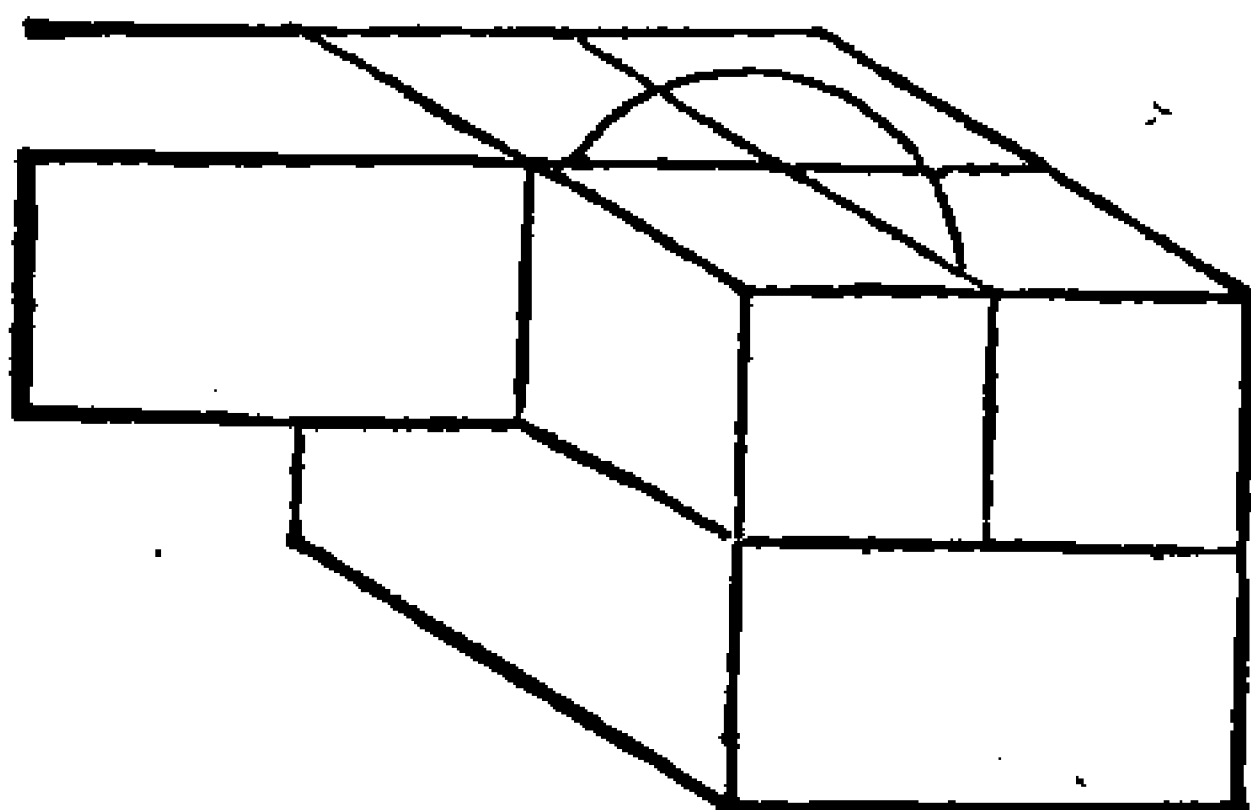
Theorema quartum.



Si recta linea fuerit dissecta in tres, qui à tota est cubus, est equalis ijs cubis, qui sunt à segmentis, una cum solidis parallelepipedis rectangulis, quæ sub tota & duobus segmentis continentur ter.

H 5

Theorema quintum.



SI recta linea fuerit dissecta in duo equalia, & in duo inaequalia, quod sub maiore segmento semel, & minore bis continetur solidum parallelepipedon rectangulum, una cum duobus solidis parallelepipedis rectangulis, quorum unum quidem sub dimidia bis, & ea quae sectionibus interiacet semel, alterum vero sub minore segmento semel, & ea quae sectionibus interiacet bis, continetur: est aequale ei, qui à dimidia est cube.

Theo-

Theorema sextum.

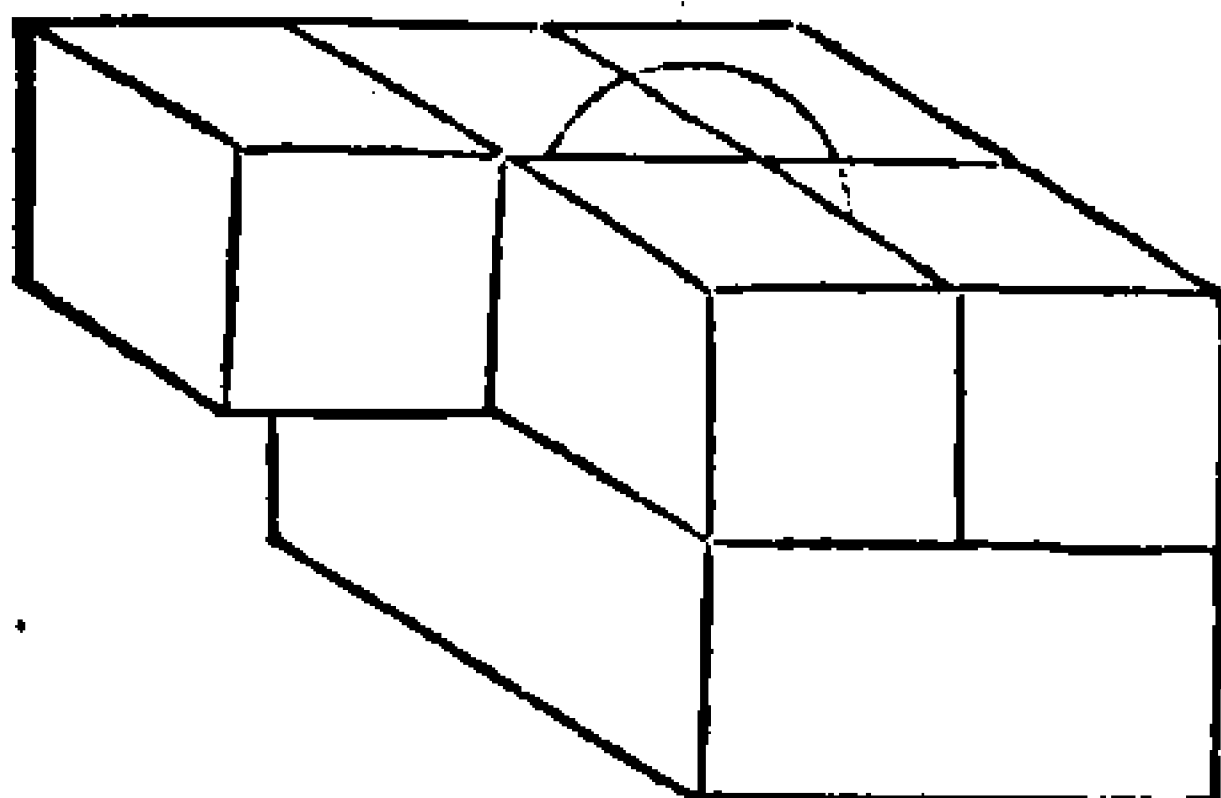
*Si recta linea fuerit dissecta in duo equalia,
 & in duo inaequalia, solidum parallelepi-
 pedon rectangulum quod sub maiore segmen-
 to bis, & minore semel continetur, nunc qui-
 dem est aequale cubo, qui est à dimidia, nunc
 verò maior eo, nunc autem minor.*



The



Theorema septimum.

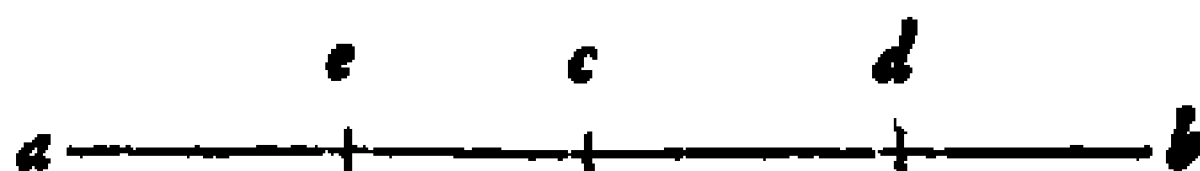


SI recta linea fuerit dissecta dicta, & adiecta ipsi fuerit alia quaedam recta ita' & thea-
 os: solidum parallelepipedon rectangulum,
 quod sub tota cum adiecta semel, & ea quae
 adiecta est bis continetur, una cum duobus
 solidis parallelepipedis rectangulis, quorum
 unum quidem sub dimidia bis, & adiecta se-
 mel, alterum verò sub dimidia cum adiecta
 bis, tanquam linea una, & dimidia semel
 continetur, est aequale cubo qui est à dimidia
 cum adiecta, tanquam linea una.

Theore-

Theorema octauum.

Si recta linea fuerit dissecta dīxa, & ei adiecta fuerit alia quedam ἑτέρα ὁμοείας: solidum parallelepipedon rectangulum, quod sub tota cum adiecta bis, & ea quæ adiecta est semel continetur, nunc quidem est æquale cubo, qui est à dimidia cum adiecta tanquam linea vna, nunc verò maius eo, nunc autem minus.



Has



Has octo propositiones stereometricas sub finem annexas esse volui: ut videatur, quomodo ista de qua diximus *νοτιωία τῶν ὀκτωμυῶν* sit intelligenda: & quod *διαίρεσις* se in corporibus ita, ut in figuris planis habeat: sed ipsas demonstrationes propter temporis angustiam annectere nō potui: verum quamprimum se occasio offeret: non tantum has suis demonstrationibus instructas edam: sed & plura adiungam: ne videar bonis & studiosis, quibus hæc scribo, defuisse adolescentibus.

FINIS.

ARGENTORATI APUD
Christianum Mylium.

1564.

