

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΤΩΝ ΠΕΝΤΕ ΚΑΙ ΔΕΚΑ ΣΤΟΙ-

ΧΕΙΩΝ ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΘΕΩΝΟΣ

σπουδαίων τὸ δεύτερον.

Καὶ

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ ΑΡΙΘΜΗ-

τική ἀπόδῃς τῶν γεωμετρικῶς ἐν τῷ

δευτέρῳ τῶν στοιχείων ἀπο-

δειχθέντων.

Id est,

EVCLIDIS QVINDECIM

elementorum Geometriæ secundū: ex

Theonis commentarijs

Græcè, & Latine.

Item,

Barlaam monachi Arithmetica demonstra-

tio eorum, quæ in secundo libro elementorum

sunt in lineis & figuris planis

demonstrata.

Item,

Octo propositiones Stereometricæ, eiusdem cum præ-

cedentibus argumenti. Per Cunradum Da-

sypodium scholæ Argentinæ-

sis Professore.



ILLVSTRISSIMO
PRINCIPI, ET DOMI-
NO, DOMINO NICOLAO
CHRISTOPHERO RADZIVVIL, DV-
CI OLICÆ ET NIESVVISI, COMITI
IN SCHIDLOVVIEZ, &c. PRÆCLA-

ra indolis, & optimæ spei Principi, ac

Domino suo clementiss: S. D.

Cunradus Dasypodius.



ENSE Aprili, Illu-
stris: princeps, in lu-
cem emisi primum Eu-
clidis Librum, cum perbreuibus
meis scholijs, quibus ad percipiē-
da Geometriæ elementa, harum
disciplinarum studiosis viam præ-
parare, & aperire volui: memini
etiam me tum promississe editio-
nem secundi libri, vnà cum alijs
quibusdam scriptis: quod quidē
nunc facere paratus sum: non tan-

a a tum,

P R Æ F A T I O.

tum, vt si forſan aliquib. animus ſit diligentius aliquanto, & exactius velle Geometricas demonstrationes cognoscere, atq; perſpicere: noſtra qualicunq; adiuti opera, habeant in quo animum delectare ſuum, ſeq; exercere poſſint: ſed & vt duo hi libri eiusedoctrinæ, & institutionis non ſe-
iungantur. Euclides enim propoſitione penultima libri primi quadrata laterum trianguli orthogoniꝝ examinauit: & tandem quam in primo inſtituerat libro doctrinam, ſub finem ſecundi de quadratis laterum triangulorum amblygoniorum, & oxygoniorum perficit, & abſoluit: ita vt vnus potius liber dici poſſit, quàm
duo

PRÆFATIO.

duo distincti libri. Quia verò *δαίρεισις* comūne est *σύμπλωμα* Geometriæ, & Arithmeticæ, idcirco demonstrationibus Geometricis Arithmeticas, & ob similitudinem cognationemq̃ octo stereometricas propositiones adiunxi: quas Geometriæ studiosis, maximo adiuvento, & in difficilioribus quæstionibus explicandis valde necessarias fore puto. quia non tantum differentias harum disciplinarum diligenter inspicere oportet: sed & ipsarum cognitionem obseruare. geometra nominat *ὀρθογώνιον*, figuram quæ duabus lineis rectis, angulum rectum continentibus, repræsentatur: arithmeticus verò *ῥητιπιδον ἀριθμὸν*,

P R A E F A T I O.

numerum, qui fit ex multiplicatione duorum numerorum in se. unde licet videre rectangulum, superficiem rectangulam, parallelogrammon rectangulum, multiplicationem, numerum planū, productum quod fit ex multiplicatione unius numeri in alterum, eandem habere significationem. sicut Stereometra etiam habet *παραλληλεπίπεδον ὀρθογώνιον* eiusdem cum præcedentibus naturæ. eodem modo *πτεράγωνον, πτεράγωνον ἀριθμὸς, κύβον, κύβον ἀριθμὸς*, eandem quidem & similem habent vim: sed nō eiusdem scientiæ sunt subiecta. hæc, & similia si obseruentur, et natura eorum acuratius inuestigetur, multum possunt adole-
lescen-

PRÆFATIO.

Iescentum erudire ingenia: si videant, quæ omnibus mathematicis scientijs sint cōmunia, de quibus in nostris scholijs: quæ verò non quidem omnibus, sed aliquibus: eorumq; duo esse genera, vel enim, vt res exemplo fiat manifestior, ex Geometria petita ad Arithmeticam applicantur: vel e contra ex arithmetice illis demonstrationibus translata sunt ad geometriam: deniq; quòd nonnulla vniuscuiusque scientiæ sint propria. Hæc inquam, & his cognata, nisi quis diligenter perpendat, & quæ quibus conueniant, quæ uè discrepent, aut ex quibus, quomodo uè facta sit demonstratio, non animaduertat: meritò ἀγεωμέ-

P R A E F A T I O.

297  dici potest, sicuti & ille, qui
διανομίαν mathematicarū scientia-
 rū non obseruat, dum quæ con-
 genda sunt, disiungit, quæ diuer-
 sa sunt, aut in specie tantum simi-
 lia, vnum congerit in locum: de-
 niq; is, qui, quæ diuersarum sunt
 scientiarum, vni attribuit scien-
 tiæ: aliaq; præcepta Geometra-
 rum negligit. Veteres certè ma-
 thematici, summo studio in id in-
 cubuerunt, vt singula suo expli-
 carent loco, vt per concessa, & af-
 firmata demonstrarent insequen-
 tia: vt nihil pro certo, vero, & af-
 firmato reciperent, nisi cuius na-
 tura, substantiaq; aut accidens a-
 liquod, per se manifestum esset,
 aut aliqua eius vera & certa alla-
 ta ef-

PRÆFATIO.

ta esset demonstratio. Itaq; qui se in his rectè & benè exercebunt, non tantum harum scientiarum sibi comparabunt cognitionem; sed & animum informabunt suum: vt eò etiam prudentiores iuxta Platonis, aliorumq; Philosophorum sententiam sint futuri: & in rebus benè gerendis instructiores: quando Geometrarum more, omnibus ponderatis, & ad amussim examinatis, id quod honestum & iustum, verumq; est, à turpi, iniquo, atq; falso discernēt. monemus igitur eos, qui Philosophorum scripta legere, animū acri & prudenti iuditio imbuere, mores benè & rectè informare cupiunt: hæc geometrica non ne-

PRÆFATIO.

gligant studia: neq̃ propter sterilitatem, quæ prima fronte in his apparet, se deterreri patiantur: aut in ipso cursu languescant: siquidem maior fructus, maiorq̃ utilitas ex his percipitur, quàm labores, quibus cognitio harum rerum comparatur, sint æstimandi. Imitandi potius nobis sunt Hebræi, Ægyptij, Græci, Latini, quibus hæc studia cordi fuere. Postquam enim à primis parentibus Adamo, Setho, Noëo hæc fuerunt posteris tradita, & ab ipso Abrahamo, cæterisq̃ Hebræis Ægypti sacerdotibus relicta: tandem factum fuit, vt Græcorum, & Latinorum Thaletis, Pythagoræ, Platonis, Aristotelis, Archime-

PRÆFATIO.

chimedis, reliquorumq; Philo-
fophorum hæc facta sint Gymna-
sia: deniq; insequentibus tempo-
ribus adeo vulgata fuerunt, vt in
his doctis Arithmeticorum aba-
cis, & in hoc erudito Geometra-
rum puluere, non solum pueri ha-
rum artium & disciplinarum stu-
diosi exercerentur: sed & opifices,
vt Pictores, Statuarij, Architecti
hæc optime scirent, & intellige-
rent. Dolendum itaq; imò maxi-
me dolendum, quod hinc ab ali-
quot seculis adeo obscurata, adeo
neglecta iacuerint excellentis:
harum disciplinarum studia: aut
quod maius est, in tanta omnium
linguarum & artium luce, à mul-
tis hoc nostro tempore, non dico
impe-

PRÆFATIO.

imperitis, sed doctis viris contemptantur, ut non modò pueris & opificibus hæc non amplius sint nota, sed viris humanioribus literis optimè imbutis: qui ut cæteri sibi persuadent, non alium fructum harum esse scientiarum, quàm ut puerorum exacuantur ingenia: nec profint, nisi dum percipiuntur, deinceps verò nullum amplius habeant vsum. cuius sanè opinionis falsæ, & erroris culpam, non in scientias ipsas, sed potius in hominum ignauiam, & ignorantiam transferre debemus. quæ quidem latius, & clarius, si tempus locusq; pateretur, demonstrare possemus: sed cum neq; instituti sit nostri, de scientiarum
mathe-

PRÆFATIO.

mathematicarum dignitate, & vtilitate verba facere: neque ea, quæ à multis fufius tradita funt, repetere: finem his faciam: hæc mihi dum mei instituti rationem redderem, & quid potiffimum traderem, explicarem, occurrebant. Fateor hæc non esse magna, neq; vllius ingenij, aut induftriæ: fed tamen non ingrata futura fpero: neq; indigna patrocinio aliquo: & cum à multis hoc factitatum fit, vt eum fuorum laborum patronum effe velint: & fub eius titulo atq; nomine fua in lucem exire, qui patrocinari & velit, & poffit: deniq; quem intelligunt eas artes, quas exercent: eaq; ftudia, quibus ipfi incumbunt.

PRÆFATIO.

bunt amare, fouere, conseruare, aliosq; ad ea persequenda excitare: volui I. T. C. hos meos qualescunq; labores dedicare, quòd I. T. C. talem esse perceperim, qualem patronum sibi solent deligere, qui, vt dictum est, aliquid in publicum emittunt. Itaq; vnicè I. T. C. oro, vt his meis studiis patrocinari dignetur: quod si ab I. T. C. hoc impetraro, multum, imò magni quippiam me consequutum fuisse arbitrabor. Cætera viris sincero & æquo iudicio præditis dñjudicanda committo: mihiq; satis erit ñs, quorū instinctu, & voluntate hæc in publicum emitto, placuisse: & in studiosorum gratiam aliquid fecisse.

P R Æ F A T I O.

**cisse. His me, meaꝑ studia I. T. C.
commendo: neqꝫ dubito quin e-
tiam illa I. T. C. non ingra-
ta sint futura. Calend:**

Iunij. Anno

1564.

I. T. C. deditis:

**Cunradus Dasy-
podius.**



ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙ- ΧΕΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

ΟΡΟΙ.

ΠΑν παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον περιέχεται λέγεται ὑπὸ δύο ὀρθῶν γωνίαν περιεχσῶν ὁρθῶν:

Πάντος δὲ παραλληλογράμμου χωρὶς τῶν ὡς πῶν διέμετρον αὐτὸ ἐν παραλληλογράμμων ὁποιονδήποτε τοῖς δυὸς παραλληλώμασι γνῶμων καλεῖσθω.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. θεώρημα.

ΕΑν ὡς δύο ὁρθῶν, τμηθῇ δὲ ἡ ἑτέρα αὐτῶν, εἰς ὅσα διηποῖεν τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο ὁρθῶν ἴσον ἔστι τοῖς ὑπὸ τε τῆς ἀτμήτης, καὶ ἐκάστη τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογωνίοις.

Εκθεσις.) Ἐσῶσαν δύο ὁρθῶν αἱ α , $\beta\gamma$, καὶ πημῶσθω ἡ $\beta\gamma$, ὡς ἔτυχε κατὰ τὰ δ, ε, σημεῖα. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν α , $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἔστι τῷ ὑπὸ

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SECVNDVM.

DEFINITIONES.

OMne parallelogrammum rectangulum
contineri dicitur duabus lineis rectis,
quæ angulum vnum rectum comprehendunt.

In omni verò parallelogrammo vnum ex
illis, quæ circa diametrum sunt parallelogra-
mis quodcunq; id fuerit, cum duobus supple-
mentis, nominetur gnomon.

PROPOSITIONES.

Propositio prima. Theorema.

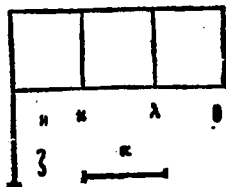
Datis duabus lineis rectis, quarũ
altera in quocunq; partes sit se-
cta: erit rectangulum, quod duæ illæ
rectæ lineæ continent: æquale ijs re-
ctangulis, quæ continentur ea lineæ,
quæ secta non est, & omnibus alterius
lineæ segmentis.

Explicatio dati.) Sint duæ lineæ rectæ
 α , $\beta\gamma$, & secetur recta $\beta\gamma$, vt libuerit,
in punctis δ , & ϵ . (*Explicatio quaesiti.*)
Dico quòd rectangulum contentum rectis α ,

α $\beta\gamma$:

ὑπό τε τῶν α , $\beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ·
καὶ τῇ ὑπὸ τῶν α , $\delta\epsilon$, καὶ ἐπὶ τῇ ὑπὸ τῶν
 α , $\epsilon\gamma$. (Κατασκευὴ.) β κ ι γ

ἤχθω γὰρ ἀπὸ τῆς β ,
τῇ $\beta\gamma$ πρὸς ὀρθὰς
γωνίας ἡ $\beta\zeta$: καὶ κεί-
νω τῇ α ἴση ἡ $\beta\eta$: καὶ
ἀπὸ τῆς η , τῇ $\beta\gamma$ πα-
ράλληλῃ θ ἤχθω ἡ



ἡ θ : ἀπὸ δὲ τῶν δ , ϵ , γ , τῇ $\beta\eta$ παράλληλοι ἤ-
χθωσαν αἱ $\delta\kappa$, $\epsilon\lambda$, $\gamma\theta$. (Ἀπόδειξις.) Ἴσον δὲ
ἐστὶ τὸ $\beta\theta$, τοῖς $\beta\kappa$, $\delta\lambda$, $\epsilon\theta$. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν $\beta\theta$, τὸ
ὑπὸ τῶν α , $\beta\gamma$. περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῆς
 $\beta\gamma$. ἴση δὲ ἡ $\beta\eta$, τῇ $\epsilon\lambda$, τὸ δὲ $\beta\kappa$ τὸ ὑπὸ τῶν
 α , $\beta\delta$. περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τῶν $\eta\beta$, $\beta\delta$.
ἴση δὲ ἡ $\beta\eta$, τῇ κ , τὸ δὲ $\delta\lambda$, τὸ ὑπὸ τῶν α , $\delta\epsilon$.
ἴση γὰρ ἡ $\delta\kappa$, τῇ $\epsilon\theta$ ἐστὶν ἡ $\beta\eta$, τῇ α . καὶ ἐπὶ ὁμοί-
ως τὸ $\epsilon\theta$, τὸ ὑπὸ τῶν α , $\epsilon\gamma$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν
 α , $\beta\gamma$: ἴσον ἐστὶ τῇ ὑπὸ τῶν α , $\beta\delta$: καὶ τῇ
ὑπὸ α , $\delta\epsilon$, καὶ ἐπὶ τῇ ὑπὸ α , $\epsilon\gamma$. (Συμπε-
ρασμα.) Εἰν ἄρα ὥσι δύο διθείαι, τμηθεὶς δὲ
ἡ ἑτέρα αὐτῆς εἰς ὅσα διηποῖεν τμήματ' αὐτῆς τὸ πε-
ριεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο διθειῶν,
ἴσον

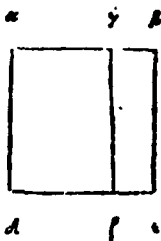
$\beta\gamma$: æquale sit rectangulis, quæ continen-
 tur rectis α , $\beta\delta$: & α , $\delta\epsilon$, denique α & $\epsilon\gamma$.
 (Delineatio.) Ducatur enim, & fiat ad pun-
 ctū β lineæ $\epsilon\gamma$ ad angulos rectos linea recta
 $\beta\zeta$: deinde rectæ α , fiat æqualis recta $\beta\eta$: atq;
 per punctum η , rectæ $\beta\gamma$ ducatur æquedistans
 recta $\eta\theta$: deniq; per puncta δ , ϵ , γ , rectæ $\beta\eta$ du-
 cantur æquedistantes rectæ $\delta\kappa$, $\epsilon\lambda$, $\gamma\theta$. (De-
 monstratio.) Rectangulum igitur $\epsilon\theta$, est æ-
 quale rectangulis $\beta\kappa$, $\delta\lambda$, $\epsilon\theta$. verum rectan-
 gulum $\beta\theta$, est quod continetur rectis α , $\beta\gamma$.
 quia contingitur rectis $\eta\beta$, $\beta\gamma$. sed recta $\beta\eta$,
 est æqualis rectæ α . $\beta\kappa$ autem rectangulum
 continetur rectis α , $\beta\delta$: quia rectis $\eta\beta$, $\beta\delta$
 comprehenditur: & $\beta\eta$ est æqualis α . rectan-
 gulum etiam $\delta\lambda$, continetur rectis α , $\delta\epsilon$: cum
 $\delta\kappa$, hoc est, $\epsilon\eta$ sit æqualis α lineæ rectæ. deniq;
 eodem modo rectangulum $\epsilon\theta$, est id quod con-
 tinetur rectis α , $\epsilon\gamma$. Quare rectangulum con-
 tētum rectis α , $\epsilon\gamma$, est æquale rectangulis cō-
 tentis rectis α , $\beta\delta$: & α , $\delta\epsilon$: deniq; α , & $\epsilon\gamma$.
 (Conclusio.) Si igitur datis duabus rectis, al-
 tera earū in quocunq; partes secetur: rectan-
 gulum

ἴσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ πὲ τῆς ἀμῆτος, καὶ ἐκάστω
τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογωνίοις.
ὥς ἔδει δεῖξαι.

Πρότερος β. θεώρημα.

ΕΑν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὰ ὑ-
πὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκαστέρου τῶν τμημάτων
περιεχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς
ὅλης τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἡ $\alpha\beta$ τμηθῶν ὡς ἔ-
τυχε, κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω
ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον, μὲν τῷ ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ περιεχο-
μένῳ ὀρθογωνίῳ: ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῆς $\alpha\beta$ τε-
τραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Αναγεγράφθω ὑ-
πὸ τῆς $\alpha\beta$ τετράγωνον, τὸ
 $\alpha\beta\delta\epsilon$: καὶ ἤχθω διὰ τῆς γ ,
ὁποῖα τῶν $\alpha\delta$, $\beta\epsilon$ παράλ-
ληλος ἡ $\gamma\zeta$. (Απόδειξις.)
Ἰσον δὴ τὸ $\alpha\epsilon$, τοῖς $\alpha\zeta$, $\gamma\epsilon$. καὶ
ἐστὶ τὸ μὲν $\alpha\epsilon$, τὸ ἀπὸ τοῖς
 $\alpha\beta$ τετράγωνον: τὸ δὲ $\alpha\zeta$
τὸ ὑπὸ τῶν $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ περι-



χόμενον

gulum quod dua illa linea recta continent, est æquale rectangulis, quæ linea non secta, & quouis segmento continentur. quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

Si recta linea utcunq; secta fuerit. rectangula quæ à tota & utroq; segmentorum continentur, sunt æqualia quadrato à tota illa linea descripto.

Explicatio dati.) Sit enim linea recta ab utcunq; secta in puncto γ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod rectangulum rectis ab , $\beta\gamma$ contentum, cum rectangulo rectis βa , $a\gamma$ contento, sit æquale quadrato à linea recta ab descripto. (*Delineatio.)* Describatur à linea recta ac , quadratum ac , de , & per punctum γ ducatur utriq; ad , βe , æquedistans recta $\gamma\delta$. (*Demonstratio.)* Est igitur rectangulū ae , æquale rectangulis $a\delta$, γe . sed rectangulum ae , est quadratum à linea recta ab descriptum: rectangulum verò $a\delta$, est id quod continetur rectis βa , $a\gamma$. quia rectis

$A \quad 3 \quad da, a\gamma$

χόρδον ὀρθογώνιον. περιέχεται μὲν γὰρ ὑ-
 πὸ τῷ δα, α γ. ἴση δὲ ἡ αδ, τῇ αβ: τὸ δὲ γε, τὸ
 ὑπὸ τῷ αβ, β γ. ἴση γὰρ ἡ βε τῇ αβ. τὸ ἄρα
 ὑπὸ τῶν βα, α γ, μὲν τὸ ὑπὸ τῶν αβ, β γ
 ἴσον ἐστὶ, τὰ δὲ ἀπὸ τῆς αβ τετραγώνω. (Συμ-
 πέρασμα.) Εἰάν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ
 ὡς ἔτυχε: τὰ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐκάστω τῶν
 τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώνια: ἴσα ἐστὶ
 τὰ ἀπὸ τῆς ὅλης τετραγώνω. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις γ. θεώρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε: τὸ ὑ-
 πὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων πε-
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τὰ τε ὑπὸ τῷ
 τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τὰ
 ἀπὸ τῶν περιφερμένων τμημάτων τετραγώνω.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ ἡ αβ, τεμήσθω ὡς ἔτυ-
 χε κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω
 ὅτι τὸ ὑπὸ τῷ αβ, β γ περιεχόμενον ὀρθογώ-
 νιον, ἴσον ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν α γ, γ δ περιεχο-
 μένῳ ὀρθογωνίῳ, μὲν τὸ ἀπὸ τῆς β γ τετρα-
 γώνω. (Κατασκευή.) Αναγεγράφθω γὰρ ἀπὸ
 τῆς β γ τετραγώνον τὸ γ δ βε: καὶ ἔχθω ἡ ἐδ
 ὅτι

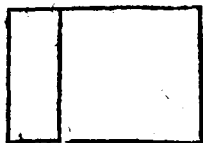
da, $\alpha\gamma$ continetur. & ad eſſe equalis recte
 $\alpha\beta$: & rectangulum $\gamma\epsilon$ eſſe quod continetur
 rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. quoniam $\beta\epsilon$ equalis eſt recte
 $\alpha\beta$. Quare rectangulum lineis $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ con-
 tentum, cum rectangulo rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ con-
 tento: eſt æquale quadrato à recte $\alpha\beta$ descri-
 pto. (Concluſio.) Si igitur recte quedam ut-
 cunq; fuerit ſecta: rectangula quæ à tota, &
 vnoquoq; ſegmento continentur, ſunt æqua-
 lia quadrato à tota linea recte deſcripto. Id
 quod erat demonſtrandum.

Propoſitio III. Theorema.

Si linea quædam recte utcunq; fuerit ſecta:
 rectangulum tota linea recte, & vno ſeg-
 mento contentum: eſt æquale rectangulo in
 ipſis ſegmentis contento, & quadrato à præ-
 dicto ſegmento deſcripto.

Explicatio dati.) Recte enim $\alpha\beta$, ſecetur
 utcunq; in puncto γ . (Explicatio quaſiti.)
 Dico quod rectangulum lineis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ con-
 ſentum, æquale ſit rectangulo $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ rectis
 contento, atq; quadrato à recte $\beta\gamma$ deſcripto.
 (Delineatio.) Deſcribatur à recte $\beta\gamma$, qua-
 dratum $\gamma\delta\beta\epsilon$: & ducatur recte $\epsilon\delta$ ad pun-

ἄπὸ τὸ ζ: καὶ ἀπὸ τῶν
 ὀπίερα τῶν γδ, βε πα-
 ράλληλ⊙ ἤχθω ἡ αζ.
 (Απόδειξις.) Ἰσὺν δὲ ἔ-
 σι τὸ αε, τοῖς αδ, γε. ἔ-
 σι τὸ μὲν αε, τὸ ὑπὸ
 τῶν αβ, βγ περιεχό-



μόνον ὀρθογώνιον. περιέχειται μὲν γδ ὑπὸ τῶν
 αβ, βε. ἴση δὲ ἡ βε, τῇ βγ, τὸ δὲ αδ, τὸ ὑπὸ
 τῶν αγ, γβ. ἴση γδ ἡ δγ, τῇ γβ. τὸ δὲ δβ,
 τὸ δὲ τῆς γβ τετραγώνου. τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν αβ, βγ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσὺν ἔ-
 σι τῷ ὑπὸ τῶν αγ, γβ περιεχομένῳ ὀρθο-
 γωνίῳ, μὲν τοῦ δὲ τῆς γβ τετραγώνου.
 (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ
 τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ ἐνὸς τῶν
 τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσὺν ἔ-
 σι τῷ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομέ-
 νῳ ὀρθογώνιῳ: καὶ τῷ δὲ τῆς προσημειωμένης
 τμηματ⊙ τετραγώνῳ. ὅπως ἔδειξαι.

Πρότερος δ. θεωρημα.

ΕΑΝ εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ
 ὑπὸ

Etum vsq; ζ : deniq; utriq; $\gamma\delta$, $\beta\epsilon$, per punctum α , ducatur aequedistans recta $\alpha\zeta$. (Demonstratio.) Rectangulum igitur $\alpha\epsilon$, est aequale rectangulis $\alpha\delta$, $\gamma\epsilon$: atq; rectangulum $\alpha\epsilon$, est id quod continetur rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: quia rectis $\alpha\beta$, $\beta\epsilon$ continetur: sed $\beta\epsilon$ aequalis est rectae $\beta\gamma$: rectangulum etiam $\alpha\delta$, continetur rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: quia recta $\delta\gamma$, est aequalis rectae $\gamma\beta$, & rectangulum $\delta\beta$, est quadratum à $\gamma\beta$ recta descriptum. Quare rectangulam quod $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ rectis continetur: est aequale rectangulo $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ rectis contento, cum quadrato à recta $\gamma\beta$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea secta utcunq; fuerit: rectangulum quod tota linea recta, & vno segmentorum continetur: est aequale rectangulis ipsis segmentis contento, atq; quadrato à praedicto segmento descripto. Quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

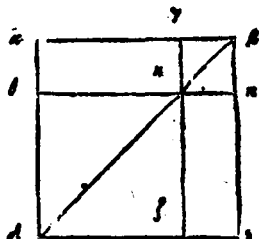
SI recta linea secta fuerit utcunq;,
A ; qua-

ὑπὸ τῆς ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἔσται τοῖς πε-
 ὑπὸ τῶν τμημάτων τετραγώνοις: καὶ τὰς
 δὲ ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ.

Εκθεσις.) Ευθεῖα γ' γραμμὴ ἡ $\alpha\beta$, τμή-
 θω ὡς ἔτυχεν τὸ γ. (Διορισμός.) Λέγω
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$ τετραγώνον, ἴσον ἔσθαι τοῖς
 περὶ τὸν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνοις, καὶ τὰς δὲ
 ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ.

(Κατασκευὴ.) Ανα-

γεγράφθω γ' ἀπὸ
 τῆς $\alpha\beta$ τετραγώ-
 νον τὸ $\alpha\delta\epsilon\beta$: καὶ ἐ-
 πεζόχθω ἡ $\beta\delta$: καὶ
 διὰ μὲν τῶν γ , ὁπο-
 τέρα τῶν $\alpha\delta$, εἰς
 παράλληλῳ ἢ χ-



θω ἡ γζ: διὰ δὲ τῶν η , ὁποτέρα τῶν $\alpha\epsilon$, $\delta\epsilon$, πα-
 ράλληλος ἢ χθω ἡ θκ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ
 παράλληλῳ εἰσὶν ἡ γζ, τῇ $\alpha\delta$, εἰς αὐτὰς
 ἐμπέπλωκεν ἡ $\beta\delta$: ἡ ἐκτὸς γωνία ἡ ὑπὸ $\epsilon\eta\gamma$:
 ἰσὴ ἔστι τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον τῇ ὑπὸ $\alpha\delta\epsilon$.
 ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\alpha\delta\epsilon$, τῇ ὑπὸ $\alpha\beta\delta$ ἔστι ἰση: ἐπεὶ καὶ
 πλά-

quadratum à tota linea recta descri-
ptum, erit æquale quadratis segmen-
torum, & rectangulo quod bis ipsis
continetur segmentis.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab , se-
cetur utcumq; in puncto γ . (*Explicatio qua-*
siti.) Dico quod quadratum à recta linea ab
descriptum: æquale sit quadratis à lineis re-
ctis $a\gamma$, γb descriptis, & rectangulo quod bis
continetur rectis $a\gamma$, γb . (*Delineatio.)* A
recta linea ab describatur quadratum $ad\epsilon\zeta$:
& fiat linea $\beta\delta$: atq; per punctum γ , utriq;
linea recta ad , $\epsilon\beta$ ducatur æquidistans recta
 $\gamma\zeta$: præterea per punctum η , utriq; lineam $a\epsilon$,
 $\delta\epsilon$, ducatur æquidistans recta $\theta\kappa$. (*Demon-*
stratio.) Quoniam recta $\gamma\zeta$, æquidistat re-
cta ad : & in eas incidit recta $\beta\delta$: angulus
igitur $\beta\eta\gamma$ externus: æqualis est angulo
 $ad\beta$ interno sibi opposito: sed angulus $ad\beta$,
est æqualis angulo $a\beta\delta$: quia & latus
 $a\epsilon$, la-

πλάρᾳ ἢ $\alpha\beta$ τῇ $\alpha\delta$ εἰν ἴση. καὶ ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$
 ἄρα γωνία, τῇ ὑπὸ $\eta\beta\gamma$ εἰν ἴση. ὥς τε καὶ
 πλάρᾳ ἢ $\beta\gamma$, πλάρᾳ τῇ $\gamma\eta$ εἰν ἴση. ἀλλὰ
 καὶ ἡ $\gamma\beta$, τῇ $\eta\kappa$ εἰν ἴση, ἡ δὲ $\gamma\eta$, τῇ $\kappa\beta$, καὶ ἡ
 $\eta\kappa$ ἄρα, τῇ $\kappa\beta$ εἰν ἴση. ἰσόπλάρουν ἄρα εἰς
 τὸ $\gamma\eta\kappa\beta$. λέγω δὴ ὅτι καὶ ὀρθογώνιον. ἐπεὶ γὰρ
 παράλληλα Θ εἰν ἡ $\gamma\eta$, τῇ $\beta\kappa$: καὶ εἰς αὐτὰς
 ἐπέπεσιν ἡ $\gamma\beta$: αἱ ἄρα ὑπὸ $\kappa\beta\gamma$, $\eta\gamma\beta$ γω-
 νίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσιν. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ
 $\kappa\beta\gamma$, ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ $\eta\gamma\beta$. ὥς τε ϵ αἱ ἀπε-
 ναίσιον, αἱ ὑπὸ $\gamma\eta\kappa$, $\eta\kappa\beta$ ὀρθαὶ εἰσιν. ὀρθο-
 γώνιον ἄρα εἰς τὸ $\gamma\eta\kappa\beta$: ἐδείχθη δὲ καὶ ἰσό-
 πλάρουν. πετράγωνον ἄρα εἰς, καὶ ἔστιν ὀπο-
 τὶ $\gamma\beta$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ, καὶ τὸ $\theta\zeta$ πετράγω-
 νον εἰς, ϵ ἔστιν ὀποτὶ τῆς $\theta\eta$: τῶν εἰσιν ἀπὸ τῆς
 $\alpha\gamma$. τὰ ἄρα $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$ πετράγωνα, ἀπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ εἰσι. καὶ ἐπεὶ ἴσον εἰς τὸ $\alpha\eta$ τῷ $\eta\epsilon$, καὶ
 εἰς τὸ $\alpha\eta$, τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ ἡ $\eta\gamma$, τῇ
 $\gamma\beta$. καὶ τὸ $\eta\epsilon$ ἄρα ἴσον εἰς τῷ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$,
 $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$, ἴσαι εἰς τῷ $\delta\iota\varsigma$ ὑπὸ τῶν
 $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. εἰς δὲ καὶ τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$ πετράγωνα, ἀ-
 πὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα τέσσαρα τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$,
αη, ηε,

ab , lateri ad esse æquale. quare & angulus
 $\gamma n \epsilon$, angulo $n \epsilon \gamma$ est æqualis, latus etiam
 $\epsilon \gamma$, lateri γn est æquale. verum latus $\gamma \epsilon$, etiã
 est æquale lateri $n x$, & γn latus lateri $x \epsilon$. er-
 go & $n x$ latus, lateri $x \epsilon$ æquale erit. Figura
 igitur $\gamma n x \epsilon$ est æquilatera. Dico quod etiam
 sit rectangula: quoniam recta γn æquedistat
 rectæ βx , & in eas incidit recta $\gamma \epsilon$: anguli i-
 gitur $x \beta \gamma$, $n \gamma \epsilon$ duobus rectis sunt æquales,
 & idcirco etiam anguli oppositi $\gamma n x$, $n x \epsilon$ duo
 erunt recti. quare $\gamma n x \epsilon$ figura etiam esse re-
 ctangula: demonstrata verò etiam est æquila-
 tera: quare $\gamma n x \epsilon$ est quadratum, et est à linea
 $\gamma \epsilon$ descriptum. Eisdem medijs demonstrabi-
 tur quod $\theta \zeta$ figura, sit quadratum, & est à re-
 ctâ θn descriptum, hoc est, à rectâ $\alpha \gamma$. quare
 quadrata $\theta \zeta$, γx sunt à rectis $\alpha \gamma$, $\gamma \beta$ descri-
 pta. Quoniam verò rectangulum αn , æquale
 esse rectangulo $n \epsilon$, & rectangulum αn conti-
 neatur rectis $\alpha \gamma$, $\gamma \epsilon$. rectangula igitur αn ,
 $n \epsilon$ sunt æqualia rectangulo, & bis continetur
 rectis $\alpha \gamma$, $\gamma \epsilon$: & $\theta \zeta$, γx quadrata descripta
 sunt à rectis $\alpha \gamma$, $\gamma \epsilon$. quatuor itaq; ista $\theta \zeta$, γx ,
 αn , $n \epsilon$.

γωνίαι αἱ τρεῖς γωνίαι, αἱ ὑπὸ $\bar{a}\beta\delta$, $\bar{a}\delta\epsilon$, $\epsilon\alpha\delta$
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶ. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\epsilon\alpha\delta$, λοι-
 παὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\bar{a}\beta\delta$, $\bar{a}\delta\epsilon$, μιᾷ ὀρθῇ ἴσαι εἰσὶ,
 καὶ εἰσὶν ἴσαι. ἐκατέρω ἄρα τῶν ὑπὸ $\bar{a}\beta\delta$,
 $\bar{a}\delta\epsilon$, ἡμίσηται εἰς ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\epsilon\gamma\eta$,
 ἴση γὰρ εἰς τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τὸ $\bar{a}$. λοι-
 πὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\epsilon$ ἡμίσηται εἰς ὀρθῆς. ἴση ἄ-
 ρα ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\gamma\beta\eta$. ὥστε καὶ
 πλάγυρά ἡ $\epsilon\gamma$, τῇ $\gamma\eta$ εἰς ἴση. ἀλλ' ἡ μὲν $\gamma\beta$,
 τῇ $\kappa\eta$ εἰς ἴση: ἡ δὲ $\gamma\eta$, τῇ $\beta\kappa$. ἰσόπλάγυρον
 ἄρα εἰς τὸ $\gamma\kappa$, ἔχει δὲ ὀρθὴν πλὴν ὑπὸ $\gamma\beta\kappa$
 γωνίαν. περὶ γωνίον ἄρα εἰς τὸ $\gamma\kappa$, καὶ εἰς
 ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$. Διὰ τὰ αὐτὰ δὲ, καὶ τὸ $\zeta\theta$ πε-
 ρὶ γωνίον εἰς. καὶ ἴσον εἰς τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$.
 τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ περὶ γωνίον εἰς. καὶ εἰς ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$, καὶ ἴσον εἰς τὰ $\alpha\eta$ πλὴν
 $\epsilon\eta$: καὶ εἰς τὸ $\alpha\eta$ τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ
 ἡ $\gamma\eta$, τῇ $\gamma\epsilon$: καὶ τὸ $\epsilon\eta$ ἄρα ἴσον εἰς τὰ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$, ἴσαι εἰς τὰ δις ὑ-
 πὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: εἰς διὰ καὶ τὰ $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$
ἴσαι

anguli $\alpha\epsilon\delta$, $\alpha\delta\epsilon$, $\epsilon\alpha\delta$ duobus rectis sunt aequales, sed angulus $\epsilon\alpha\delta$ est rectus; reliqui ergo $\alpha\epsilon\delta$, $\alpha\delta\epsilon$ uni angulo recto sunt aequales. praeq, igitur angulorum $\alpha\epsilon\delta$, $\alpha\delta\epsilon$ dimidia est pars recti: sed angulus $\epsilon\gamma\eta$ est rectus, quia angulo ad α sibi opposito equalis est: reliquus ergo angulus $\gamma\eta\epsilon$ dimidia pars recti est. quare angulus $\gamma\eta\epsilon$, angulo $\gamma\epsilon\eta$ est equalis. unde & latus $\epsilon\gamma$, lateri $\gamma\eta$ est aequale. sed $\gamma\epsilon$ latus est aequale lateri $\kappa\eta$: et latus $\gamma\eta$, lateri $\epsilon\kappa$. erit igitur figura $\gamma\kappa$ aequilatera: sed angulus $\gamma\epsilon\kappa$ est rectus: figura igitur $\gamma\kappa$ est quadratum, & descriptum est à recta $\gamma\epsilon$. Iisdem medijs demonstrabitur, quod $\zeta\theta$ sit quadratum: & aequale quadrato, à recta $\alpha\gamma$ descripto. figurae igitur $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ sunt quadrata: & sunt equalia quadratis à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ descriptis. Cum autem rectangulum an sit aequale rectangulo $\eta\epsilon$, & rectangulum an sit illud quod continetur rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: nam $\gamma\eta$ est equalis rectae $\gamma\epsilon$: idcirco & $\epsilon\eta$ rectangulum erit aequale rectangulo $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ rectis contento. quare rectangula $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$ sunt equalia rectangulo quod $\alpha\gamma$, $\epsilon\gamma$ rectis

B bis

ἴσα ἐς τοῖς π' ἀπὸ τῶν α' γ, γ β: καὶ τῷ δ' ἰς ὑ-
 πὸ τῶν α' γ, γ β: ἀλλὰ τὰ γ κ, θ ζ: καὶ τὰ α η,
 η ε. ὅλον ἐς τὸ α ε, ὅ ἐστιν ἀπὸ τῆς α β τετρα-
 γωνον. (Συμπέρασμα.) Τὸ ἄρα διπλὸν τῆς
 α β τετραγώνου, ἴσον ἐς τοῖς π' ἀπὸ τῶν α' γ,
 γ β τετραγώνοις: καὶ τῷ δ' ἰς ὑπὸ τῶν α' γ,
 γ β περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι.
 (Πόρισμα.) Ἐκ δὴ τούτων φανερόν ἐστιν, ὅτι
 ἐν τοῖς τετραγώνοις χωρίοις: τὰ περὶ τῶν
 διμέτρων παραλληλόγραμμα, τετραγώ-
 να ἐστὶ.

Πρότασις ε. θεώρημα.

ΕΑν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἄνι-
 σα: τὸ ὑπὸ τῶν ἀκίσων τῆς ὅλοις τμημά-
 των περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μὲν τὸ ἀπὸ
 τῆς μετὰ τῶν τομῶν τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ,
 τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ α β, τεμήσθω
 εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ δ.
 (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν α δ, δ β
 περιε-

bis continetur: sed figurae $\gamma x, \theta \zeta$, sunt equalia quadratis à rectis $\alpha \gamma, \gamma \zeta$ descriptis. Hæ igitur quatuor figurae $\gamma x, \theta \zeta, \alpha \eta, \eta \epsilon$, sunt equalles quadratis à rectis $\alpha \gamma, \gamma \zeta$ descriptis, & rectangulo quod $\alpha \gamma, \gamma \zeta$ rectis bis continetur: verum $\gamma x, \theta \zeta, \alpha \eta, \eta \epsilon$ figurae: constituunt totum quadratum $\alpha \epsilon$, à recta linea $\alpha \zeta$ descriptum. (Conclusio.) Quadratum igitur à recta linea $\alpha \zeta$ descriptum: æquale est quadratis à rectis $\alpha \gamma, \gamma \zeta$ descriptis, et rectangulo quod rectis $\alpha \gamma, \gamma \zeta$ bis continetur. Id quod demonstrandum erat. (Corollarium.) Ex his manifestum est, quod in quadratis figuris, parallelogramma quæ circa diametron sunt, sint quadrata.

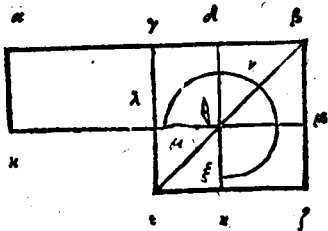
Propositio V. Theorema.

SI recta linea in equalia & in inæqualia fuerit secta: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus, cum quadrato quod à linea inter ipsa segmenta posita describitur: æquale est quadrato à dimidia linea descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $\alpha \zeta$, secetur in partes æquales in puncto γ , & in partes inæquales in puncto δ . (Explicatio quaesiti.) Dico quod rectangulum rectis $\alpha \delta, \delta \zeta$

περιχορδον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς
 γδ πετραγώνω ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς γβ πε-
 τραγώνω. (Καίασκω.) Αναγεγράφθω γδ
 ἀπὸ τῷ βγ

πετραγώ-
 νον τῷ γεζβ
 καὶ ἐπεζώ-
 χθω ἡ βε,
 καὶ διὰ μὲν
 τῷ δ, ὅπο-



τέρα τῶν γε, βζ παράλληλῃς ἡχθω ἡ δῆ.
 διὰ δὲ τῷ θ. ὁπότερα τῷ γβ, ἐξ παράλληλῃς
 ἡχθω ἡ κμ, καὶ πάλιν διὰ τῷ α, ὁπότερα τῷ γλ
 βμ, παράλληλος ἡχθω ἡ ακ. (Απόδειξις.)
 Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ γθ παραπλήρωμα τῷ
 θζ, παραπληρώματι: κοινὸν προσκείσθω τὸ
 δμ. ὅλον ἄρα τὸ γμ, ὅλω τῷ δζ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ
 τὸ γμ, τῷ αλ ἴσον ἐστίν. ἐπεὶ καὶ ἡ αλ, τῇ γβ ἴ-
 σῃ ἐστὶ: καὶ τὸ αλ ἄρα, τῷ δζ ἴσον ἐστίν. κοινὸν
 προσκείσθω τὸ γθ. ὅλον ἄρα τὸ αθ, τῷ δζ
 καὶ δλ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ τὸ μὲν αθ, τῷ ὑπὸ τῶν
 αδ, δβ ἴσον ἐστίν. ἴση γδ ἡ δθ, τῇ δβ, τὸ δὲ ζδ,
 δλ, ἐστὶν ὁ μὲν ξ γνώμων, καὶ ὁ μὲν ξ ἄρα γνώμων,
 ἴσος

contentum, cum quadrato à linea $\gamma\delta$ descripto, sit æquale quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto.

(Delineatio.) Describatur à recta linea $\beta\gamma$ quadratum $\gamma\epsilon\zeta\epsilon$: & fiat linea $\beta\epsilon$: atq; per punctum δ utriq; rectæ $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$ ducetur æquedistans recta $\delta\eta$ per punctū etiam θ , utriq; rectæ $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$, æquedistans ducatur recta $\kappa\mu$: item per punctum α , rectis $\gamma\lambda$, $\epsilon\mu$ æquedistans ducatur recta $\alpha\kappa$. (Demonstratio.)

Cum itaq; supplementum $\gamma\theta$, supplemento $\theta\zeta$ æquale sit: commune addatur parallelogrammon $\delta\mu$. totum igitur $\gamma\mu$, toto $\delta\zeta$ erit æquale. sed $\gamma\mu$ rectangulum æquale est rectangulo $\alpha\lambda$, quia $\alpha\gamma$ recta, æqualis est rectæ $\gamma\beta$, & idcirco $\alpha\lambda$ rectangulum, erit æquale rectangulo $\delta\zeta$. commune addatur $\gamma\theta$. totum igitur rectangulum $\alpha\theta$, æquale est rectangulis $\delta\zeta$, $\delta\lambda$: sed rectangulum $\alpha\theta$, est ei quod continetur rectis $\alpha\delta$, $\delta\beta$ æquale. quia recta $\delta\theta$, rectæ $\delta\beta$ æqualis, & $\zeta\delta$, $\delta\lambda$, efficiunt gnomonem $\mu\nu\zeta$. quare $\mu\nu\zeta$ gnomon, æqualis est

B 3 rectan-

ἴσους ἐστὶ τὰ ὑπὸ $\alpha\delta$, $\delta\beta$. κοινὸν προσκείσθω τὸ $\lambda\eta$. ὅ ἐστιν ἴσον τὰ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$. ὁ ἄρα μνξ γνώμων, καὶ τὸ $\lambda\eta$ ἴσα ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ τετραγώνῳ. ἀλλὰ ὁ μνξ γνώμων, καὶ τὸ $\lambda\eta$: ὅλον ἐστὶ τὸ γεῶ τετράγωνον, ὅ ἐστιν ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μὴ τῷ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$ τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰὰν ἄρα $\alpha\beta\theta\epsilon\iota\alpha$ γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα ϵ ἀνίστα: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίστων τῆς ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μὴ τῷ ἀπὸ τῆς μετὰ τῶν τομῶν τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότασις 5. Θεώρημα.

Εἰαν $\alpha\beta\theta\epsilon\iota\alpha$ γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσπ-
 θῇ δὲ πρὸς αὐτῇ $\alpha\beta\theta\epsilon\iota\alpha$ ἐπ' $\alpha\beta\theta\epsilon\iota\alpha$: τὸ ὑ-
 πὸ τῆς ὅλης $\zeta\omega$ τῇ προσκείμενῃ, καὶ τῆς
 προσκειμένης περιεχόμενον ὀρθογώνιον, με-
 τὰ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ
 τὰ ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἐκ τε τῆς ἡμισείας,
 καὶ τῆς

rectangulo $ad, \delta\beta$ rectis contento, Commune addatur $\lambda\eta$, quod æquale est quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. itaq; $\mu\nu\xi$ gnomon, & $\lambda\eta$ quadratum, æqualia sunt rectangulo $ad, \delta\beta$ rectis contento, & quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. verum $\mu\nu\xi$ gnomon, & quadratum $\lambda\eta$: faciunt ac constituunt totum quadratum $\gamma\epsilon\zeta$, quod est quadratum à recta $\gamma\epsilon$ descriptum. Quare rectangulum $ad, \delta\beta$ rectis contentum, cum quadrato à $\gamma\delta$ descripto: æquale est quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea fuerit secta in partes æquales, & in partes inæquales: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus totius lineæ rectæ, cum quadrato eius lineæ, quæ est inter segmenta, æquale est quadrato dimidiæ lineæ rectæ. Id quod erat demonstrandum.

Propositio VI. Theorema.

SI recta linea in duas partes æquales secta fuerit: & ei addatur alia quædam recta linea è directo: tum rectangulum quod tota & addita linea recta continetur cum quadrato à dimidiâ lineâ rectâ descripto: est æquale qua

$\bar{\alpha}\eta$, $\eta\epsilon$, ἵζα ἐστὶ τοῖς περὶ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$ πε-
 τραγώνοις: Ἐπεὶ δὲ ἵς ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$ πε-
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ἀλλὰ τὰ $\theta\zeta$, $\gamma\kappa$, $\bar{\alpha}\eta$,
 $\eta\epsilon$, ὅλον ἐστὶν τὸ $\bar{\alpha}\delta\epsilon\beta$, ὅ ἐστι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\delta$
 τετραγώνου. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\delta$ τετραγώ-
 νου, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώ-
 νοις, καὶ τὰ δὲ ἵς ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$ περ-
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα
 εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτύχε, τὸ περὶ τῆς
 ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τμη-
 μάτων τετραγώνοις, καὶ τὰ δὲ ἵς ὑπὸ τῶν τμη-
 μάτων περ-
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ὅπως εἶδε
 δεῖξαι.

Ἐτέρω δεῖξις.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\beta$ τετρα-
 γώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώ-
 νοις: καὶ τὰ δὲ ἵς ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$ περ-
 ρεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Καίλας.) ὅτι γὰρ τῆς αὐτῆς κα-
 ταγραφῆς. (Απόδειξις.) Επεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\beta\bar{\alpha}$,
 τῇ $\alpha\delta$, ἴση ἐστὶ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\bar{\alpha}\beta\delta$, τῇ ὑπὸ
 $\bar{\alpha}\delta\epsilon$. καὶ ἐπεὶ πάντας τριγώνων, αἱ τρεῖς γω-
 νίαι, δυσὶν ὀρθαῖς ἴση εἰσὶν. τὰ $\bar{\alpha}\beta\delta$ ἄρα τρι-
 γώνων

an, ne , equalia sunt quadratis à rectis ay , ay descriptis: & rectangulo quod bis continetur rectis $ay, y\beta$. sed quatuor ista $\theta\zeta, yx, an, ne$, faciunt totum ad $e\zeta$ quadratum à recta linea $a\beta$ descriptum. quadratum igitur à linea recta $a\zeta$ descriptum, æquale est quadratis à rectis $ay, y\beta$ descriptis: & rectangulo quod rectis $ay, y\beta$ bis continetur. (Conclusio.) Si ergo recta linea secta utcumq; fuerit, quadratum à tota descriptum, æquale est quadratis ab ipsis segmentis descriptis, & rectangulo bis ipsis segmentis contento. Id quod erat demonstrandum.

Alia demonstratio.

Explicatio quesiti.) Dico q; quadratum à recta linea $a\zeta$ descriptum, æquale sit quadratis à rectis $ay, y\beta$ descriptis, & rectangulo quod ay, ay rectis bis continetur. (Delin.) Delineatio maneat eadē. (Demonstratio.) Quoniam ζa recta, æqualis est rectæ ad : idcirco et angulus $a\zeta d$, angulo $ad\zeta$ æqualis est: & cum in omni triangulo, tres anguli sint æquales duobus rectis: ideo trianguli $a\zeta d$, tres
angu-

γώνυ αἱ τρεῖς γωνίαι, αἱ ὑπὸ $\bar{\alpha}\beta\delta$, $\bar{\alpha}\delta\epsilon$, $\epsilon\alpha\delta$
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶ. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\epsilon\alpha\delta$, λοι
 παὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\bar{\alpha}\beta\delta$, $\bar{\alpha}\delta\epsilon$, μιᾷ ὀρθῇ ἴσαι εἰσὶ,
 καὶ εἰσὶν ἴσαι. ἐκατέρω ἄρα τῶν ὑπὸ $\bar{\alpha}\beta\delta$,
 $\bar{\alpha}\delta\epsilon$, ἡμίση εἰσὶν ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $\epsilon\gamma\eta$,
 ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τὸ $\bar{\alpha}$. λοι
 πῇ ἄρα ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\epsilon$ ἡμίση εἰσὶν ὀρθῆς. ἴση ἄ
 ρα ἡ ὑπὸ $\gamma\eta\beta$ γωνία, τῇ ὑπὸ $\gamma\beta\eta$. ὥστε καὶ
 πλῆρὰ ἡ $\epsilon\gamma$, τῇ $\gamma\eta$ εἰσὶν ἴση. ἀλλ' ἡ μὲν $\gamma\beta$,
 τῇ $\kappa\eta$ εἰσὶν ἴση: ἡ δὲ $\gamma\eta$, τῇ $\beta\kappa$. ἰσόπλευρον
 ἄρα ἐστὶ τὸ $\gamma\kappa$, ἔχει δὲ ὀρθὴν πλὴν ὑπὸ $\gamma\beta\kappa$
 γωνίαν. περὶ γωνον ἄρα ἐστὶ τὸ $\gamma\kappa$, καὶ εἰσὶν
 ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$. ἀλλὰ τὰ αὐτὰ δὴ, καὶ τὸ $\zeta\theta$ πε
 ρὶ γωνον ἐστὶ. καὶ ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\gamma$.
 τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ περὶ γωνον ἐστὶ. καὶ εἰσὶν ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῆς $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\epsilon$, καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὰ $\bar{\alpha}\eta$ τὰ
 $\epsilon\eta$: καὶ ἐστὶ τὸ $\bar{\alpha}\eta$ τὸ ὑπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$. ἴση γὰρ
 ἡ $\gamma\eta$, τῇ $\gamma\epsilon$: καὶ τὸ $\epsilon\eta$ ἄρα ἴσον ἐστὶ τὰ ὑπὸ
 τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$. τὰ ἄρα $\bar{\alpha}\eta$, $\eta\epsilon$, ἴσαι ἐστὶ τὰ δις ὑ
 πὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$: ἐστὶ δὲ καὶ τὰ $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ ἴσαι
 τοῖς ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, $\gamma\beta$, τὰ ἄρα $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$, $\bar{\alpha}\eta$, $\eta\epsilon$
ἴσαι

anguli $\alpha\beta\delta$, $\alpha\delta\epsilon$, $\epsilon\alpha\delta$ duobus rectis sunt æ-
 quales, sed angulus $\epsilon\alpha\delta$ est rectus; reliqui er-
 go $\alpha\beta\delta$, $\alpha\delta\epsilon$ vni angulo recto sunt æquales.
 pterq; igitur angulorum $\alpha\beta\delta$, $\alpha\delta\epsilon$ dimidia
 est pars recti: sed angulus $\epsilon\gamma\eta$ est rectus, quia
 angulo ad α sibi opposito æqualis est: reliquus
 ergo angulus $\gamma\eta\epsilon$ dimidia pars recti est. qua-
 re angulus $\gamma\eta\epsilon$, angulo $\gamma\epsilon\eta$ est æqualis. vn-
 de & latus $\epsilon\gamma$, lateri $\gamma\eta$ est æquale. sed $\gamma\epsilon$ la-
 tus est æquale lateri $\kappa\eta$: et latus $\gamma\eta$, lateri $\epsilon\kappa$.
 erit igitur figura $\gamma\kappa$ æquilatera: sed angulus
 $\gamma\epsilon\kappa$ est rectus: figura igitur $\gamma\kappa$ est quadratū,
 & descriptum est à recta $\gamma\epsilon$. Iisdē medijs de-
 monstrabitur, quod $\zeta\theta$ sit quadratum: & æ-
 quale quadrato, à recta $\alpha\gamma$ descripto. figura
 igitur $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$ sunt quadrata: & sunt æqualia
 quadratis à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ descriptis. Cum au-
 tem rectangulum an sit æquale rectāgulo $\eta\epsilon$,
 & rectangulū an sit illud quod cōtinetur re-
 ctis $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: nam $\gamma\eta$ est æqualis rectæ $\gamma\epsilon$: id-
 circo & $\epsilon\eta$ rectangulum erit æquale rectangu-
 lo $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ rectis cōtento. quare rectāgula $\alpha\eta$,
 $\eta\epsilon$ sunt æqualia rectāgulo quod $\alpha\gamma$, $\epsilon\gamma$ rectis

B bis

ἴσα ἐστὶ τοῖς περὶ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: καὶ τὰς δις ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: ἀλλὰ τὰ $\gamma\kappa$, $\theta\zeta$: καὶ τὰς $\alpha\eta$, $\eta\epsilon$. ὅλον ἐστὶ τὸ $\alpha\epsilon$, ὅ ἐστιν ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.) Τὸ $\alpha\rho\alpha$ διπλὸν τῆς $\alpha\delta$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τοῖς περὶ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνοις: καὶ τὰς δις ὑπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. ὅπως ἔδει δεῖξαι. (Πόρισμα.) Ἐκ δὴ τούτων φανερόν ἐστιν, ὅτι ἐν τοῖς τετραγώνοις χωρίοις: τὰ περὶ πλὴν διάμετρον παραλληλόγραμμα, τετραγώνων ἐστὶ.

Πρότασις εἰ. θεώρημα.

ΕΑν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίσαι: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλοις τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μείζον τῆς ἀπὸ τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ, τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ πρὸς ἢ $\alpha\beta$, τετμήσθω εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ , εἰς δὲ ἀνίσαι κατὰ τὸ δ . (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιε-

bis continetur: sed figurae $\gamma\kappa, \theta\zeta$ sunt equalia quadratis à rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ descriptis. Hæ igitur quatuor figurae $\gamma\kappa, \theta\zeta, \alpha\eta, \eta\epsilon$, sunt equalles quadratis à rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ descriptis, & rectangulo quod $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ rectis bis continetur: verum $\gamma\kappa, \theta\zeta, \alpha\eta, \eta\epsilon$ figurae: constituunt totum quadratum $\alpha\epsilon$, à recta linea $\alpha\epsilon$ descriptum. (Conclusio.) Quadratum igitur à recta linea $\alpha\epsilon$ descriptum: æquale est quadratis à rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ descriptis, et rectangulo quod rectis $\alpha\gamma, \gamma\epsilon$ bis continetur. Id quod demonstrandum erat. (Corollarium.) Ex his manifestum est, quod in quadratis figuris, parallelogramma quæ circa diametron sunt, sint quadrata.

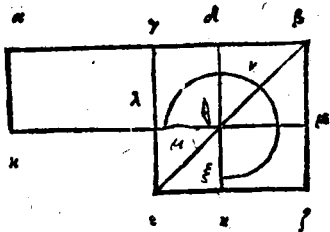
Propositio V. Theorema.

SI recta linea in equalia & in inæqualia fuerit secta: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus, cum quadrato quod à linea inter ipsa segmenta posita describitur: æquale est quadrato à dimidia linea descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $\alpha\epsilon$, secetur in partes æquales in puncto γ , & in partes inæquales in puncto δ . (Explicatio quaesiti.) Dico quod rectangulum rectis $\alpha\delta, \delta\epsilon$

περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μὲν τὸ ἀπὸ τῆς
 γδ πετραγώνου ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς γβ πε-
 τραγώνῳ. (Καί αὖ σκεδὴ.) Αναγεγραφέτω γδ
 ἀπὸ τῆς βγ

πετραγώ-
 νον τὸ γεζβ
 καὶ ἐπεξέ-
 χθω ἡ βε,
 καὶ διὰ μὲν
 τῶ δ, ὁπο-



τέρα τῶν γε, βζ παράλληλῳ ἡχθω ἡ δῆ.
 διὰ δὲ τῶ θ. ὁπίερα τῆς βγ, ἐξ παράλληλῳ
 ἡχθω ἡ κμ, καὶ πάλιν διὰ τῆς α, ὁπίερα τῆς γλ
 βμ, παράλληλος ἡχθω ἡ ακ. (Απόδειξις.)
 Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ γθ παραπλήρωμα τῷ
 θζ, παραπληρώματι: κοινὸν προσκείσθω τὸ
 δμ. ὅλον ἄρα τὸ γμ, ὅλω τῷ δζ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ
 τὸ γμ, τῷ αλ ἴσον ἐστίν. ἐπεὶ καὶ ἡ αλ, τῇ γβ ἴ-
 σῃ ἐστίν: καὶ τὸ αλ ἄρα, τῷ δζ ἴσον ἐστίν. κοινὸν
 προσκείσθω τὸ γθ. ὅλον ἄρα τὸ αθ, τῷ δζ
 καὶ δλ ἴσον ἐστίν. ἀλλὰ τὸ μὲν αθ, τῷ ὑπὸ τῶν
 αδ, δβ ἴσον ἐστίν. ἴση γδ ἡ δθ, τῇ δβ, τὸ δὲ ζδ,
 δλ, ἐστίν ὁ μὲν ξ γνώμων, καὶ ὁ μὲν ξ ἄρα γνώμων.
 ἴσος

contentum, cum quadrato à linea $\gamma\delta$ descripto, sit æquale quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. (Delineatio.) Describatur à recta linea $\beta\gamma$ quadratum $\gamma\epsilon\zeta$: & fiat linea $\beta\epsilon$: atq; per punctum δ utriq; recta $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$, ducetur æquedistans recta $\delta\eta$ per punctū etiam θ , utriq; recte $\gamma\epsilon$, $\epsilon\zeta$, æquedistans ducatur recta $\kappa\mu$: item per punctum α , rectis $\gamma\lambda$, $\epsilon\mu$ æquedistans ducatur recta $\alpha\kappa$. (Demonstratio.) Cum itaq; supplementum $\gamma\theta$, supplemento $\theta\zeta$ æquale sit: commune addatur parallelogrammon $\delta\mu$. totum igitur $\gamma\mu$, toto $\delta\zeta$ erit æquale. sed $\gamma\mu$ rectangulum æquale est rectangulo $\alpha\lambda$, quia $\alpha\gamma$ recta, æqualis est recte $\gamma\beta$, & idcirco $\alpha\lambda$ rectangulum, erit æquale rectangulo $\delta\zeta$. commune addatur $\gamma\theta$. totum igitur rectangulum $\alpha\theta$, æquale est rectangulis $\delta\zeta$, $\delta\lambda$: sed rectangulum $\alpha\theta$, est ei quod continetur rectis $\alpha\delta$, $\delta\beta$ æquale. quia recta $\delta\theta$, recte $\delta\beta$ æqualis, & $\zeta\delta$, $\delta\lambda$, efficiunt gnomonem $\mu\nu\zeta$. quare $\mu\nu\zeta$ gnomon, æqualis est

ἴσους ἐστὶ τὰ ὑπὸ $\alpha\delta$, $\delta\beta$. κρινόν προσκείσθω
 τὸ λη. ὅ ἐστιν ἴσον τὰ ἀπὸ τῆς γδ. ὁ ἄρα μνξ
 γνώμων, καὶ τὸ λη ἴσα ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$,
 $\delta\beta$ περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 γδ τετραγώνῳ. ἀλλὰ ὁ μνξ γνώμων, καὶ τὸ
 λη: ὅλον ἐστὶ τὸ γεζβ τετράγωνον, ὅ ἐστιν ἀπὸ
 τῆς γβ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιεχο-
 μένον ὀρθογώνιον, μὲν τὸ ἀπὸ τῆς γδ τετρα-
 γώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς γβ τετραγώνῳ.
 (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα ὀρθὴ γραμμὴ
 τμηθῇ εἰς ἴσα ἑαίισα: τὸ ὑπὸ τῶν ἀνίσων τῆς
 ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μὲν τὸ ἀπὸ τῆς μέλας τῶν τομῶν τετραγώ-
 νῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώ-
 νῳ. ὅθεν ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις 5. θεώρημα.

Εἰν ὀρθὴ γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσπε-
 θῇ δὲ πρὸς αὐτῇ ὀρθὴ ἐπὶ ὀθείας: τὸ ὑ-
 πὸ τῆς ὅλης ὡς τῇ προσκείμενῃ, καὶ τῆς
 προσκειμένης περιεχόμενον ὀρθογώνιον, με-
 τὰ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ
 τὰ ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἐκ τῆς ἡμισείας,
 καὶ τῆς

rectangulo $ad, \delta\beta$ rectis contento, Commune addatur $\lambda\eta$, quod æquale est quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. itaq; $\mu\nu\zeta$ gnomon, & $\lambda\eta$ quadratum, æqualia sunt rectangulo $ad, \delta\beta$ rectis contento, & quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. verum $\mu\nu\zeta$ gnomon, & quadratum $\lambda\eta$: faciunt ac constituunt totum quadratum $\gamma\epsilon\zeta$, quod est quadratum à recta $\gamma\epsilon$ descriptum. Quare rectangulum $ad, \delta\beta$ rectis contentum, cum quadrato à $\gamma\delta$ descripto: æquale est quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea fuerit secta in partes æquales, & in partes inæquales: rectangulum quod segmentis continetur inæqualibus totius lineæ rectæ, cum quadrato eius lineæ, quæ est inter segmenta, æquale est quadrato dimidiæ lineæ rectæ. Id quod erat demonstrandum.

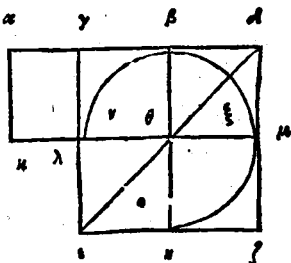
Propositio VI. Theorema.

SI recta linea in duas partes æquales secta fuerit: & ei addatur alia quædam recta linea è directo: tum rectangulum quod tota & addita linea recta continetur cum quadrato à dimidiâ lineâ rectâ descripto: est æquale qua
B 4 drato

καὶ τῆς προσκειμένης ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγε-
φέντι πετραγώνῳ,

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ τῆς η $\alpha\beta$, πημήδω δί-
χα καὶ αὐτὴν σημείον: προσκείδω δὲ πρὸς αὐ-
τῇ εὐθεῖα, ἐπ' εὐθείας η $\beta\delta$. (Διορισμός.)
Λέγω ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περιεχόμε-
νον ὀρθογώνιον, μὲν $\tau\epsilon$ ἀπὸ τῆς $\gamma\beta$ πετραγώ-
νῃς: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\gamma\delta$ πετραγώνῳ.

(Κατασκευὴ.) Α-
ναγεγραφέθω γὰρ
ἀπὸ τοῦ $\gamma\delta$ πετά-
γωνον τὸ $\gamma\epsilon\zeta\delta$:
καὶ ἐπεξέλχθω
 η δὲ καὶ διὰ μέν
 $\tau\epsilon$ β σημείον, ὅπο-
τέρα τῶν $\epsilon\gamma$, $\delta\zeta$,



παράλληλῳ ἤχθω η $\beta\eta$: διὰ δὲ ζ θ σημείον,
ὅποτέρα τῶν $\alpha\beta$, $\epsilon\zeta$ παράλληλῳ ἤχθω η
 $\kappa\mu$ καὶ ἐπὶ διὰ $\tau\epsilon$ αὐτοτέρα τῶν $\gamma\lambda$, $\delta\mu$ πα-
ράλληλῳ ἤχθω η $\alpha\kappa$. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ
ἂν ἴση ἐσὶν η $\alpha\gamma$, τῇ $\gamma\beta$: ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ $\alpha\lambda$,
τῷ $\gamma\theta$. ἀλλὰ καὶ τὸ $\gamma\theta$ τῷ $\theta\zeta$ ἴσον ἐστὶ: καὶ τὸ
 $\alpha\lambda$ ἄρα τῷ $\theta\zeta$ ἴσον ἐστὶ. κοινὸν προσκείδω
τὸ $\gamma\mu$

drato à linea composita ex dimidia, & adiecta, ac si esset vna tantum linea recta, descripto.

Explicatio dati.) Recta enim linea $αβ$, secetur in duas æquales partes in puncto $γ$: & ei è directo adiiciatur recta quædam linea $βδ$. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod rectangulum rectis $αδ$, $δβ$ contentum cum quadrato à recta $γβ$ descripto: æquale sit quadrato à recta $γδ$ descripto. (*Delineatio*) Describatur enim à recta linea $γδ$ quadratum $γελδ$: & ducatur linea recta $δι$: atq; per punctum $β$, vtriq; lineæ rectæ $εγ$, $δζ$ ducatur æquedistans recta $βη$: item per punctum $θ$, vtriq; rectæ $αε$, $ελ$, ducatur æquedistans recta $κμ$: deniq; per punctum $α$ vtriq; rectæ $γλ$, $δμ$ æquedistans ducatur recta $ακ$. (*Demonstratio.*) Quoniam nunc recta $αγ$, æqualis est rectæ $γβ$: erit etiam rectangulum $αλ$, rectangulo $γθ$ æquale, sed $γθ$ est æquale $θζ$, ergo & $αλ$ rectangulum erit æquale rectangulo $θζ$. Commune addatur rectan-

B 5 gulum

τὸ γμ ὅλον ἄρα τὸ αμ, τὰ νξο γνώμονι ἐ-
 σιν ἴσον. ἀλλὰ τὸ αμ, ἐστὶ τὸ ὑπὸ τῶν αδ, δβ.
 ἰσὴ γδ ἐστὶν ἡ δμ, τῇ δβ: καὶ ὁ νξο γνώμων, ἴ-
 σος ἐστὶ τὰ ὑπὸ τῶν γδ, δβ περιεχομένῳ
 ὀρθογώνιῳ. κοινὸν προσκείσθω τὸ λη, ὅ ἐστιν
 ἴσον, τὰ ἀπὸ τῆς γβ πετραγώνῳ. τὸ ἄρα ὑ-
 πὸ τῶν αδ, δβ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς βγ πετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ
 νξο γνώμονι καὶ τὰ λη. ἀλλ' ὁ νξο γνώμων, ὅ
 τὸ λη, ὅλον ἐστὶ τὸ γεζδ πετραγώνον, ὃ ἐστὶν
 ἀπὸ τῆς γδ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν αδ, δβ πε-
 ριεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς βγ
 πετραγώνῳ, ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς γδ πετρα-
 γώνῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα ὀρθογών-
 ιον τετραγώνῳ διχα προστεθῇ δὲ πρὸς αὐτῇ
 ὀρθογώνῳ ὀρθογώνῳ: τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης (καὶ τῇ
 προσκειμένη, καὶ τῆς προσκειμένης περιεχο-
 μένον ὀρθογώνιον, μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς ἡμισείας πε-
 τραγώνῳ: ἴσον ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῆς συγκειμένης
 ἑκτὸς τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκειμένης ὡς
 ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι πετραγώνῳ. ὅπως ἐδὲ
 δεῖξαι.

Πρώτα

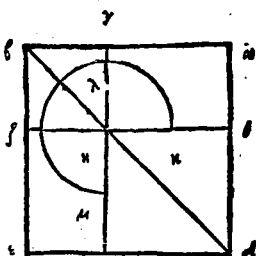
gulum $\gamma\mu$. totum igitur rectangulum $\alpha\mu$,
 erit $\nu\zeta\theta$ gnomoni aequale: sed $\alpha\mu$ est rectan-
 gulum quod ad, $\delta\epsilon$ rectis continetur. quia
 $\delta\mu$ recta est equalis recte $\delta\beta$: ideo & $\nu\zeta\theta$
 gnomon, equalis est rectangulo quod rectis
 ad, $\delta\epsilon$ continetur. commune addatur rectan-
 gulum $\lambda\eta$, quod aequale est quadrato à recta
 $\gamma\epsilon$ descripto. ergo rectangulum ad, $\delta\beta$ re-
 ctis contentum cum quadrato quod à recta
 $\beta\gamma$ describitur, est aequale $\nu\zeta\theta$ gnomoni, &
 rectangulo $\lambda\eta$. verum $\nu\zeta\theta$ gnomon, & re-
 ctangulum $\lambda\eta$: constituunt totum quadra-
 tum $\gamma\epsilon\zeta\delta$, quod est descriptum à recta $\gamma\delta$.
 rectangulum igitur ad, $\delta\epsilon$, rectis conten-
 tum, cum quadrato à recta $\epsilon\gamma$ descripto, æ-
 quale est quadrato à recta $\gamma\delta$ descripto. (Cō-
 clusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in
 duas partes æquales, eiq; addatur è directo li-
 nea quedam recta, rectangulum quod tota recta cum
 ipsa adiecta, & ipsa linea adiecta continetur: cum
 quadrato quod à dimidia linea recta describitur: æ-
 quale est quadrato, quod à linea composita ex dimi-
 dia & adiecta, & ipsa adiecta tanquam una esset li-
 nea describitur. quod erat demonstrandum.

Propo-

Πρότασις ζ. θεώρημα.

Εὰν ὁρθογώνια τριηθῇ ὡς ἔτυχε· τὸ ἄ-
πὸ τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμη-
μάτων, τὰ σωμαφόπτερα τετραγωναῖσα ἐ-
στὶ τὰ τε δὶς ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῶν εἰρημένων
τμήματ' Θ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ· καὶ τὰ
ἀπὸ τῶν λοιπῶν τμήματ' Θ τετραγώνῳ.

Εκθεσις,) Εὐθεῖα γάρ πς ἡ $\alpha\beta$, τεμήσθω ὡς
ἔτυχε κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέ-
γω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, βγ τετραγωνα, ἴσα
ἐστὶ τὰ τε δὶς ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, βγ περιεχομέ-
νῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τὰ ἀπὸ τῆς αγ τετραγώ-
νῳ. (Κατασκευὴ.) Ἀναγεγράφθω γὰρ ἀπὸ
τῆς $\alpha\beta$ τετραγώ-
νον, τὸ $\alpha\delta\epsilon\beta$: καὶ κα-
ταγεγράφθω τὸ $\alpha\eta$
μα. (Αποδείξις.)
Καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ
 $\alpha\eta$, τὰ $\eta\epsilon$. κοινὸν
προσκέειν τὸ γζ.
ὅλον ἄρα τὸ $\alpha\zeta$, ὅ-
λω τὰ γε ἐστὶν ἴσον. τὰ ἄρα $\alpha\zeta$, γε διπλάσια
ἐστὶ τῶν $\alpha\zeta$. ἀλλὰ τὰ $\alpha\zeta$, γε, ὁ κλμ ἐστὶ γνώμων,



καὶ

Propositio VII. Theorema.

SI recta linea secta utcumque fuerit: Squadratum quod à tota, & alterum quod à segmento describitur: ista duo inquam quadrata æqualia sunt, rectangulo quod tota linea recta, & prædicto segmento bis continetur: & quadrato reliqui segmenti.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab secetur utcumq; in puncto γ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod quadrata à rectis $ab, \beta\gamma$ descripta, sint æqualia rectangulo quod $ab, \epsilon\gamma$ rectis bis continetur, & quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. (*Delineatio.)* Describatur enim à recta ab quadratum $ade\beta$, & perficiatur integra delineatio figura. (*Demonstratio.)* Quoniam rectangulum $\alpha\eta$, æquale est rectangulo $\eta\epsilon$: commune addatur rectangulum $\gamma\zeta$. totum igitur $\alpha\zeta$, toti $\gamma\epsilon$ est æquale. quare $\alpha\zeta, \gamma\epsilon$ rectangula dupla sunt rectanguli $\alpha\zeta$. sed rectangula $\alpha\zeta, \gamma\epsilon$, faciunt $\kappa\lambda\mu$, gnomonem,

καὶ τὸ γζ τετράγωνον. ὁ κλμ ἄρα γνώμων,
καὶ τὸ γζ, διπλάσια ἐστὶ τοῦ αζ. ἐστὶ δὲ τοῦ
αζ διπλάσιον, καὶ τὸ δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ,
ἴση γὰρ ἡ βζ, τῇ βγ. ὁ ἄρα κλμ γνώμων, καὶ
τὸ γζ τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τῷ δλς ὑπὸ τῶν
αβ, βγ. κοινὸν προσκείσθω τὸ δη, ὁ ἐστὶν ἀπὸ
τῆς αγ τετράγωνον. ὁ ἄρα κλμ γνώμων, ἔ
τὰ βη, ἡδ τετράγωνα ἴσα ἐστὶ τῷ τε δλς ὑπὸ
τῶν αβ, βγ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ
ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῳ. ἀλλ' ὁ κλμ γνώ-
μων, καὶ τὰ βη, ἡδ τετράγωνα. ὅλον ἐστὶ τὸ
αδβ, καὶ τὸ γζ, ἃ ἐστὶν ἀπὸ τῶν αβ, βγ τε-
τράγωνα, τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν αβ, βγ τετρά-
γωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δλς ὑπὸ τῶν αβ, βγ
περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς
αγ τετραγώνου. (Συμπέρασμα.) Εἰάν
ἄρα εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ
τῆς ὅλης, καὶ τὸ ἀφ' ἐνὸς τῶν τμημάτων,
τὰ συναμφοτέρω τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε
δλς ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήμα-
τι περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ
τῷ λοιπῷ τμήματι τετραγώνῳ. ὅπως εἶδει
δειξαι.

Πρότερον

nem, & quadratum à recta $\gamma\zeta$ descriptum. Ergo $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & $\gamma\zeta$ quadratum sunt dupla rectanguli $\alpha\zeta$. verum rectanguli $\alpha\zeta$ duplum est rectangulum quod rectis $\alpha\zeta$, & $\gamma\beta$ bis continetur: quia $\beta\zeta$ recta, equalis est rectæ $\beta\gamma$. quare $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & quadratum $\gamma\zeta$, sunt equalia rectangulo quod rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ bis continetur. cōmune addatur $\delta\eta$, quod est quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum. gnomon igitur $\kappa\lambda\mu$, & $\beta\eta$, quod quadrata equalia sunt rectangulo, quod rectis $\alpha\zeta$, & $\gamma\beta$ bis continetur, & quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. Verū $\kappa\lambda\mu$ gnomon, & $\beta\eta$, quod quadrata, totum constituunt ad $\epsilon\beta$, & $\gamma\zeta$, quæ sunt duo quadrata, à rectis $\alpha\zeta$, & $\gamma\beta$ descripta. Quare quadrata à rectis $\alpha\zeta$, & $\gamma\beta$ descripta, equalia sunt rectangulo rectis $\alpha\zeta$, & $\gamma\beta$ bis cōtento, unā cum quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea utcunq; fuerit secta, quadratum à tota descriptum, & quadratum alterius segmenti, hæc duo inquam quadrata addita, equalia sunt rectangulo quod tota & prædicto segmento continetur, & quadrato à reliquo segmento descripto. Id q̃ demonstrandū erat.

Πρότασις η. θεώρημα.

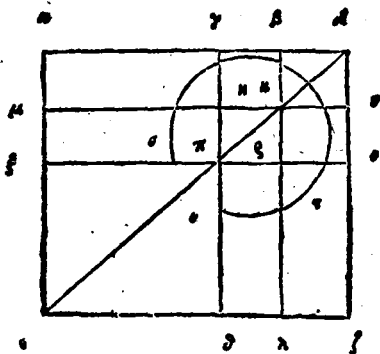
ΕΑΝ ὁρθὴα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης, ἕνός τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον μετὰ τῆ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος  τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ εἰρημένου τμήματι , ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

(Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ $\alpha\beta$, τετμήσθω ὡς ἔτυχε κατὰ τὸ γ σημεῖον. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ τετράκις ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντι τετραγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Εκβεβλήσθω γὰρ ἐπὶ ὁρθῆας τῇ $\alpha\beta$, ὁρθῆα ἡ $\beta\delta$: καὶ κείσθω τῇ $\gamma\beta$, ἴση ἡ $\epsilon\delta$: καὶ ἀναγεράφθω ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$, τετραγώνον τὸ $\alpha\epsilon\zeta\delta$: καὶ κατὰγεράφθω διωλῆν τὸ σχῆμα. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ ἔν ἴση ἐστὶ ἡ $\gamma\beta$ τῇ $\epsilon\delta$, ἀλλ' ἡ $\mu\delta$ $\beta\gamma$ τῇ $\eta\kappa$ ἐστὶν ἴση. ἡ δὲ $\epsilon\delta$, τῇ $\kappa\eta$, καὶ ἡ $\eta\kappa$ τῇ $\kappa\eta$ ἐστὶν ἴση. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ $\pi\rho$, τῇ $\rho\sigma$ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $\mu\delta$ $\beta\gamma$, τῇ $\epsilon\delta$, ἡ δὲ $\eta\kappa$, τῇ $\kappa\eta$, ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν

Propositio VIII. Theorema.

SI recta linea secta utcumq; fuerit rectangulum, quod tota linea, & altero segmento quater continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: æquale est quadrato qđ à tota & prædicto segmento tanquam vna esset linea recta, describitur.

Explicatio dati.) Recta enim linea ab , secetur utcumq; in pñcto γ . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod rectangulum rectis ab , $\beta\gamma$ quater contentum, cum quadrato à recta ay descripto, æquale est quadrato à rectis ab , $\beta\gamma$, tanquam ab vna linea descripto. (*Delineatio.)* Nam recta $\beta\delta$ producat^r iñ π & dñas recta ab : & fiat recta $\gamma\beta$, æqualis recta $\delta\epsilon$, & à recta ad describatur quadratum $ae\delta$: & ipsa figura duplicata delineatiōe describatur. (*Demōstratio.)* Quoniā recta $\gamma\beta$, æqualis est recta $\delta\epsilon$: & recta $\gamma\epsilon$ æqualis recta $\eta\kappa$: atq; recta $\beta\delta$, æqualis recta $\kappa\nu$: idcirco etiam $\eta\kappa$ æqualis est recta $\kappa\nu$. Eadem ratione etiam $\pi\epsilon$ recta, æqualis est recta $\epsilon\theta$. cum vero $\beta\gamma$ æqualis sit recta $\beta\delta$, & recta $\eta\kappa$, recta $\kappa\nu$: idcirco etiam rectangulum $\gamma\kappa$, æquale est



τὸ μὲν γκ, τὸ δὲ κδ: τὸ δὲ ἡρ τὸ ρν, ἀλλὰ τὸ γκ
 τὸ ρν ἐστὶν ἴσον. παραπληρώματα γὰρ εἰς γο
 παραλληλογράμμω. καὶ τὸ αδ ἄρα τὸ νρ ἐ-
 στὶν ἴσον. τὰ τέσσαρα ἄρα τὰ δκ, γκ, ἡρ, ρν: ἴ-
 σα ἀλλήλοις ἐστὶ. τὰ τέσσαρα ἄρα, πετραπλά-
 σια ἐστὶ εἰς γκ. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ γβ, τῇ βδ:
 ἀλλ' ἡ ωμ βδ, τῇ βκ: τὸ γτ' ἐστὶ τῇ γη ἐστὶν ἴση.
 ἡ δὲ γβ, τῇ ἡκ, τὸ γτ' ἐστὶ τῇ ἡπ ἴση ἐστὶ, καὶ ἡ γη
 ἄρα, τῇ ἡπ ἐστὶν ἴση. Ὁ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν γη,
 τῇ ἡπ, ἡ δὲ πρ, τῇ ρο, ἴσον ἐστὶ, καὶ τὸ μὲν αη,
 τὸ μω, τὸ δὲ πλ τὸ ρζ. ἀλλὰ τὸ μω, τὸ
 πλ ἐστὶν ἴσον. παραπληρώματα γὰρ εἰς μλ πα-
 ραλληλογράμμω. καὶ τὸ αη ἄρα τὸ ρζ ἴσον ἐστὶ.
 τὰ τέσ-

In numeris sic:

Sit $\alpha\beta$, 8. diuisa in $\alpha\gamma$, 6. & $\gamma\beta$, 2. Rectangulum quater contentum rectis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ sit 64. quadratum vero $\alpha\gamma$, sit 36. adde, sunt 100. Quadratum vero $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ descriptum, ac si esset una linea, nempe 10. est quad: 100.

64. Rect:	10.
-----------	-----

36. Quad:	10.
-----------	-----

100.

100. quad:

le est rectangulo $\kappa\delta$: & rectangulum $\eta\rho$, rectangulo $\rho\nu$: sed rectangulum $\gamma\kappa$ etiam est aequale rectangulo $\rho\nu$. quia sunt supplementa parallelogrammi $\gamma\theta$. quare $\kappa\delta$ etiam est aequale $\rho\nu$. quatuor igitur haec $\delta\kappa$, $\gamma\kappa$, $\eta\rho$, $\rho\nu$, inter se sunt equalia, & idcirco ipsius $\gamma\kappa$ quadrupla. rursus quoniam $\gamma\beta$, equalis est rectae $\beta\delta$: verum $\beta\delta$ equalis est $\beta\kappa$: hoc est $\gamma\eta$, & $\gamma\beta$ equalis $\eta\kappa$, hoc est $\eta\tau$: ergo & $\gamma\eta$ equalis est rectae $\eta\tau$: & quia $\gamma\eta$, equalis est rectae $\eta\tau$: $\tau\rho$ vero rectae $\rho\theta$, ideo & $\alpha\eta$ rectangulum, rectangulo $\mu\tau$ est aequale: & $\tau\lambda$ rectangulum, rectangulo $\rho\zeta$. verum $\mu\tau$ rectangulum, aequale est rectangulo $\tau\lambda$, quia sunt supplementa parallelogrammi $\mu\lambda$. Ergo & rectangulam $\alpha\eta$, rectangulo $\rho\zeta$ est

C 2 aequa-

τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ $\alpha\eta$, $\mu\pi$, $\omega\lambda$, $\rho\zeta$ ἴσα ἀλ-
 λήλοις ἐσὶ. τὰ τέσσαρα ἄρα, τὰ $\alpha\eta$ ἐστὶ τε-
 τραπλάσια. ἐδείχθη δὲ καὶ τὰ τέσσαρα τὰ
 $\gamma\kappa$, $\kappa\delta$, $\eta\rho$, $\rho\iota$, τὰ $\gamma\kappa$ τετραπλάσια. τὰ ἄρα
 ὁκτώ α περιέχει τὸν $\sigma\tau\upsilon$ γνώμονα, τετρα-
 πλάσια ἐστὶ τὰ $\alpha\kappa$. καὶ ἐπεὶ τὸ $\alpha\kappa$, τὸ ὑπὸ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἐστίν. ἴση γὰρ καὶ ἡ $\beta\kappa$, τῇ $\beta\delta$.
 τὸ ἄρα τετράκις ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ τετρα-
 πλάσιον ἐστὶ τὰ $\alpha\kappa$. ἐδείχθη δὲ τὰ $\alpha\kappa$ τετρα-
 πλάσιον Θ , ὅ $\sigma\tau\upsilon$ γνώμων. τὰ ἄρα τετρά-
 κισ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ ἴσα ἐσὶ, τῷ $\sigma\tau\upsilon$ γνώ-
 μονι. κοινὸν προσκείσθω τὸ $\xi\theta$, ὃ ἐστίν ἴσον τῷ
 ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνῳ. τὸ ἄρα τετράκις
 ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\delta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου: ἴσον ἐστὶ τῷ
 $\sigma\tau\upsilon$ γνώμονι, καὶ τῷ $\xi\theta$. ἀλλ' ὁ $\sigma\tau\upsilon$ γνώ-
 μων, καὶ τὸ $\xi\theta$, ὅλον ἐστὶ τὸ αεὶ δ τετράγω-
 νον, ὃ ἐστίν ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$. τὸ ἄρα τετράκις ὑ-
 πὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
 μετὰ τὰ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ, τῷ
 ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$. τὰ $\gamma\tau$ ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, καὶ
 $\beta\gamma$, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντε τετραγώνῳ.

(Συμ-

æquale. quatuor igitur hæc $\alpha\eta, \mu\pi, \pi\lambda, \rho\zeta$
 sunt inter se æqualia, & idcirco rectanguli $\alpha\eta$
 quadrupla. Verum demonstratum est rectan-
 gula $\gamma\kappa, \kappa\delta, \eta\rho$, $\rho\epsilon$ esse quadrupla rectanguli
 $\gamma\kappa$. quare octo ista quæ $\sigma\tau\upsilon$ gnomoni sunt cõ-
 tenta, sunt etiã quadrupla rectanguli $\alpha\kappa$. &
 cum rectangulum $\alpha\kappa$, sit id quod $\alpha\zeta, \zeta\delta$ rectis
 cõtinetur, quia recta $\zeta\kappa$, æqualis est rectæ $\zeta\delta$.
 quare quod quater continetur rectis $\alpha\zeta, \zeta\delta$,
 quadruplum est rectanguli $\alpha\kappa$. sed rectanguli
 $\alpha\kappa$, demonstratus est gnomõ $\sigma\tau\upsilon$ quadruplus.
 quare rectangula quæ rectis $\alpha\beta, \beta\delta$ quater
 continentur, sunt æqualia $\sigma\tau\upsilon$ gnomoni. com-
 mune addatur $\xi\theta$, quod est æquale quadrato
 à recta $\alpha\gamma$ descripto. rectangulum igitur re-
 ctis $\alpha\zeta, \zeta\delta$ quater contentum: cum quadrato
 à recta $\alpha\gamma$ descripto: æquale est $\sigma\tau\upsilon$ gnomo-
 ni, & $\xi\theta$: verum $\sigma\tau\upsilon$ gnomon, & $\xi\theta$, constitu-
 unt totum quadratũ à recta $\alpha\delta$ descriptum.
 rectangulum igitur quod rectis $\alpha\zeta, \zeta\gamma$ qua-
 ter continetur, cum quadrato à recta $\alpha\gamma$ de-
 scripto, est æquale quadrato à recta $\alpha\delta$ descri-
 pto, hoc est quadrato à rectis $\alpha\zeta, \zeta\gamma$, tanquam

(Συμπέρασμα.) Εάν ἄρα εὐθεία γραμμὴ
 τμηθῇ ὡς ἐτυχε: τὸ τετράκις ὑπὸ τῆς ὅλης,
 καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθο-
 γώνιον, μὲν αὖ τὸ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος
 τετραγώνου: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ
 τοῦ εἰρημένου τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀ-
 ναγραφήν τι τετραγώνου. ὅπως εἶδει δέξαι.

Πρότασις θ. θεώρημα.

Εάν εὐθεία γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίσω-
 τὰ ἀπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλης τμημάτων
 τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τὸ ἀπὸ τῆς ἡ-
 μισειᾶς, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς μέλει τοῦ τῶν τομῶν
 τετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεία γάρ τις ἢ αβ τεμήσθω, εἰς
 μὲν ἴσα κατὰ τὸ γ: εἰς δὲ ἀνίσω κατὰ τὸ δ.
 (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὰ ἀπὸ τῶν αδ, δβ
 τετράγωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν αγ,
 γδ τετραγώνων. (Κατασκευὴ.) Ἡχθω γὰρ
 ἀπὸ τοῦ γ, τῇ αβ πρὸς ὀρθᾶς ἡ γε: ἔκειθω
 ἴση ἐκατέρω, τῶν αγ, γβ: καὶ ἐπεξέλθωσαν
 αἰεα, εβ: καὶ διὰ μὲν τὸ δ, τῇ εγ παράλλη-
 λῃ

esset una linea descripto. (Conclusio.) Si igitur recta linea utcumq; fuerit secta: rectangulum quod à tota linea, & vno segmento continetur, cum quadrato à reliquo segmento descripto: æquale est quadrato à tota & predicto segmento, tanquam esset una linea recta descripto. quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

SI recta Linea fuerit secta in equalia, & in inæqualia: quadrata à segmentis inæqualibus totius lineæ rectæ descripta, dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & quadrati eius lineæ, quæ intra ipsas comprehenditur sectiones.

Explicatio dati.) Recta enim linea ac secetur in equalia in puncto γ , & in inæqualia in puncto d . (*Explicatio quaesiti.)* Dico quod quadrata à rectis ad , dc descripta, dupla sint quadratorum à rectis ay , yd descriptorum.

(*Delineatio.)* Ducatur à puncto γ , rectæ ab ad angulos rectos, linea recta γe : utriq; rectarum ay , $y\beta$ fiat γe æqualis: atq; ducantur lineæ rectæ ea , ec : item per punctum d , rectæ ey

λ^ο ἡχθω ἡ δζ:

ἀλλ' ἐπεὶ τῷ ζ, τῇ αβ

παράλληλος ἡχ-

θω ἡ ζη: καὶ ἐπε-

ὅτι ἡ αζ. (Α-

ποδείξις.) Καὶ ἐ-

πει ἴση ἐστὶν ἡ αγ,

τῇ γε. ἴση ἐστὶ καὶ ἡ ὑπὸ εαγ γωνία, τῇ ὑ-

πὸ αεγ. καὶ ἐπει ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ γ, λοι-

παὶ ἄρα αὐτὴ ὑπὸ αεγ, εαγ, μιᾷ ὀρθῇ ἴση ἐ-

στὶν. ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν ἐκάτερα τῶν ὑ-

πὸ αεγ, εαγ. ἀλλ' τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἐκάτερα

τῶν ὑπὸ γεβ, εβγ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὅλη

ἄρα ἡ ὑπὸ αεβ, ὀρθὴ ἐστὶν. καὶ ἐπει ἡ ὑπὸ

ηεζ ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ εηζ: ἴση

γὰρ ἐστὶ τῇ ἐντὸς, ἑσπεριανλίον, τῇ ὑπὸ εγβ.

λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ εζη, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση

ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ ηεζ γωνία, τῇ ὑπὸ εζη. ὥ-

στε καὶ πλῆρὰ ἡ εη, πλῆρὰ τῇ ζη ἐστὶν ἴση.

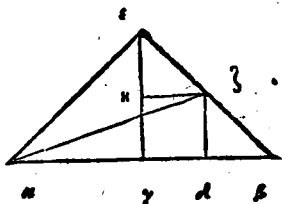
πάλιν ἐπει ἡ πρὸς τῷ β γωνία, ἡμίση ἐστὶν

ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ ζδβ. ἴση γὰρ πάλιν

ἐστὶν τῇ ἐντὸς καὶ ἑσπεριανλίον τῇ ὑπὸ εγβ.

λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ βζδ, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς.

ἴση



ducatur *aquedistans* recta $\delta\zeta$: per punctum
etiam ζ , recta $\alpha\epsilon$ *aquedistans* ducatur recta
 $\zeta\eta$: & postremo fiat recta $\alpha\zeta$. (Demonstratio.)
Cum itaq; recta $\alpha\gamma$, recta $\gamma\epsilon$ sit *aqualis*, etiā
angulus $\epsilon\alpha\gamma$, angulo $\alpha\epsilon\gamma$ *aqualis* erit, sed an-
gulus ad punctum γ est *rectus*, reliqui igitur
anguli $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$ *uni angulo recto* sunt *aqua-*
les. uterq; igitur *angulorum* $\alpha\epsilon\gamma$, $\epsilon\alpha\gamma$: *dimi-*
dia est *recti anguli pars*. per eadem demon-
strabitur, quod uterq; *angulorum* $\gamma\epsilon\beta$, $\epsilon\beta\gamma$
dimidia sit *recti pars*. totus igitur *angulus*
 $\alpha\epsilon\epsilon$ est *rectus*, et quia *angulus* $\eta\epsilon\zeta$ *dimidia* est
pars anguli recti, *angulus* *verò* $\epsilon\eta\zeta$ *rectus*, quia
 $\epsilon\gamma\epsilon$ *angulo interno* sibi *opposito* *aqualis* est,
idcirco *reliquus angulus* $\epsilon\zeta\eta$, *etiam* est *dimi-*
dia recti pars. quare *angulus* $\eta\epsilon\zeta$ *aqualis* est
angulo $\epsilon\zeta\eta$: unde *etiam* *latus* $\epsilon\eta$, *lateri* $\zeta\eta$ est
aquale. rursus quoniam *angulus* ad punctum
 β *dimidia* est *recti pars*, & *angulus* $\zeta\delta\beta$ *ro-*
ctus. quia iterum *angulo* $\epsilon\gamma\beta$ *interno* sibi *op-*
posito est *aqualis*. *reliquus* igitur *angulus*
 $\epsilon\zeta\delta$ *dimidia recti pars* erit. quare *etiam* an-
gulus

ἴση ἄρα ἡ πρὸς τῷ β γωνία, τῇ ὑπὸ δ ζ.
 ὥστε καὶ πλῆρᾱ ἡ δ ζ πλῆρᾱ τῇ δ β εἰν ἴση.
 καὶ ἐπεὶ ἴση εἰν ἡ α γ, τῇ γ ε, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ
 ἀπὸ τῆς α γ, πρὸ ἀπὸ τῆς γ ε. τὰ ἄρα ἀπὸ
 τῶν α γ, γ ε πετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῷ ἀ-
 πὸ τῆς α γ. τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν α γ, γ ε, ἴσον ἐστὶ
 τὸ ἀπὸ τῆς ε α πετράγωνον. ὀρθῇ γάρ ἡ ὑπὸ
 α γ ε γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε α, διπλάσιόν
 ἐστι τῷ ἀπὸ τῆς α γ. πάλιν ἐπεὶ ἴση εἰν ἡ ε η,
 τῇ η ζ ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ε η, πρὸ ἀπὸ τῆς
 η ζ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετράγωνα, δι-
 πλάσιά ἐστι τῷ ἀπὸ τῆς ε ζ τετραγώνῳ. τοῖς
 δὲ ἀπὸ τῶν ε η, η ζ τετραγώνοις, ἴσον ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῆς ε ζ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ πετράγωνον,
 διπλάσιον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς η ζ. ἴση δὲ ἡ η ζ, τῇ
 γ δ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ε ζ διπλάσιον ἐστὶ τοῦ
 ἀπὸ τῆς γ δ. ἐστὶ δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ε,
 διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς α γ. τὰ ἄρα ἀπὸ
 τῶν α ε, ε ζ τετράγωνα, διπλάσιά ἐστι τῶν
 ἀπὸ τῶν α γ, γ δ τετραγώνων. τοῖς δὲ ἀπὸ
 τῶν α ε, ε ζ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς α ζ τετράγω-
 νον. ὀρθῇ γάρ ἡ ὑπὸ α ε ζ γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς α ζ τετράγωνον, διπλάσιόν ἐστι τῶν ἀπὸ

τῶν

gulus qui est ad punctum β , angulo $\alpha\beta$ est equalis. unde & latus $\alpha\beta$, lateri $\alpha\beta$ est equale. & quia recta $\alpha\gamma$, equalis est recte $\gamma\epsilon$: idcirco & quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum, equale etiã est quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. quadrata igitur à rectis $\alpha\gamma$, & $\gamma\epsilon$ descripta dupla sunt quadrati $\alpha\gamma$: verum quadratis à lineis rectis $\alpha\gamma$, & $\gamma\epsilon$ descriptis equale est quadratum à recta $\alpha\epsilon$ descriptum: quia angulus ϵ , est rectus. quadratum igitur ab $\alpha\epsilon$ descriptum, duplũ est quadrati à recta $\alpha\gamma$ descripti. Rursus quoniam recta $\epsilon\delta$ equalis est recte $\gamma\epsilon$: idcirco & quadratum à recta $\epsilon\delta$ descriptum, equale est quadrato à recta $\gamma\epsilon$ descripto. Ergo quadrata à rectis $\epsilon\delta$, & $\gamma\epsilon$ descripta dupla sunt, quadrati ab $\epsilon\delta$ recta descripti: sed quadratis, quæ à rectis $\epsilon\delta$, & $\gamma\epsilon$ describuntur, equale est quadratum à recta $\epsilon\gamma$ descriptum. Ergo quadratum à recta $\epsilon\gamma$ descriptum, duplum est quadrati à recta $\epsilon\delta$ descripti. sed $\epsilon\delta$ equalis est recte $\gamma\epsilon$ & α . quare quadratum à recta $\epsilon\gamma$ descriptum, duplum est quadrati à recta $\gamma\epsilon$ descripti. sed & quadratum à recta $\alpha\epsilon$ descriptum, duplum etiam est quadrati à recta $\alpha\gamma$ descripti. quadrata igitur à rectis $\alpha\gamma$, & $\alpha\epsilon$ descripta, dupla sunt quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, & $\alpha\epsilon$ descriptorum: sed illis quadratis $\alpha\gamma$, & $\alpha\epsilon$, equale est quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum: quia angulus δ est rectus. quare quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum: duplum est quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, & $\alpha\epsilon$ descriptorum. huic autẽ quadrato $\alpha\delta$,
 aqua-

τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$: τὰ δὲ ἀπὸ τῆς $\alpha\zeta$, ἴσα ἐστὶ τὰ
ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\zeta$. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τὰς δ γω-
νία. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\zeta$, διπλάσια ἐστὶ
τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ πετραγώνων. ἴση δὲ ἡ
 $\delta\zeta$ τῇ $\delta\beta$. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ τετρά-
γωνα, διπλάσια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$,
πετραγώνων. (Συμπέρασμα.) Εἰάν τις
εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ αὐτῇ: τὰ
ἀπὸ τῶν αὐτῶν τῆς ὅλης τμημάτων τετρά-
γωνα: διπλάσια ἐστὶ τοῦτε ἀπὸ τῆς ἡμισείας,
καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰ τοῦ τῶν πρῶτων πετρα-
γώνου. ὅπως εἰδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ι. θεώρημα.

Εἰάν τις εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προστε-
θῇ δὲ πρὸς αὐτὴν εὐθεῖα ἐκ τῆς εὐθείας: τὸ ἀπὸ
τῆς ὅλης (ὡς τῇ προσκείμενῃ, καὶ τὸ ἀπὸ
τῆς προσκείμενης, τὰ σωμαμόπτερα τετρά-
γωνα: διπλάσια ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας,
καὶ τῶν ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἐκ τῆς ἡμισεί-
ας, καὶ τῆς προσκειμένης, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀνα-
γραφέως πετραγώνου.

Εκθεσις.) Εὐθεῖα γάρ τις ἡ $\alpha\beta$, πετμήσθαι
δίχα

*æqualia sunt quadrata à rectis ad, dē descri-
pta. quia angulus ad punctum d, est rectus.
quadrata igitur à rectis ad, dē descripta, du-
pla sunt quadratorum à rectis ay, γd. descri-
ptorū: sed dē æqualis est rectæ dē. Ergo qua-
drata à rectis ad, dē descripta, dupla sunt
quadratorum à rectis ay, γd. descriptorum.
(Conclusio.) Si igitur linea recta fuerit in æ-
qualia & in inæqualia dissecta, quadrata à
segmentis totius lineæ rectæ inæqualibus de-
scripta: dupla sunt quadrati à dimidia de-
scripti, et quadrati lineæ rectæ inter segmen-
ta inclusa. id quod demonstrandum erat.*

Propositio X. Theorema.

SI recta linea dissecta fuerit in partes duas
æquales, & adhiatur ei recta quædam li-
nea è directo: tum quadratum quod à tota
cum adiecta describitur, & quadratum ab
adiecta descriptum, hæc duo quadrata con-
iuncta, dupla sunt quadrati à dimidia lineæ
descripti, & quadrati à recta ex dimidia &
adiecta composita, tanquam esset vna linea
recta descripti.

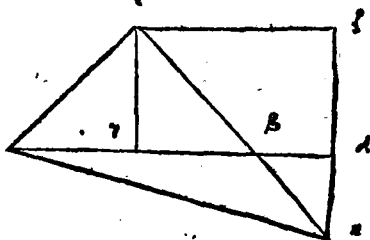
*Explic. dati.) Recta enim quædam linea aē
secetur*

46. - ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

δίχα καὶ τὸ γ , προσκείσθω δὲ πρὸς αὐτῇ α -
 $\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha$ ἐπὶ $\alpha\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha\varsigma$ ἢ $\beta\delta$. (Διορισμὸς.) Λέγω
ἐπὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ περὶ ἄγωνα, διπλά-
σια ἐστὶ, τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ περὶ ἄγωνων.

(Κατα-
σκαδῇ.)

Ἡχθω γὰρ
ἀπὸ τοῦ
 γ σημεῖος α
τῇ $\alpha\beta$,
πρὸς ὀρ-
θῆς ἢ γε:



καὶ κείσθω ἰσὴ κατέρα τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: καὶ ἐπε-
ξέσθωσιν αἱ $\alpha\epsilon$, $\gamma\delta$: Ἐὰν μὲν $\tau\epsilon\acute{\iota}$, τῇ $\alpha\delta$
παράλληλῃ ἢ $\chi\theta\omega$ ἢ $\epsilon\zeta$. Ἐὰν δὲ $\tau\epsilon\acute{\iota}$ δ , τῇ $\gamma\epsilon$
παράλληλῃ ἢ $\chi\theta\omega$ ἢ $\delta\zeta$. (Ἀπόδειξις τῆς
κατασκευῆς.) Καὶ ἐπεὶ εἰς παράλληλῃς α -
 $\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha\varsigma$, τὰς $\epsilon\gamma$, $\zeta\delta$: $\alpha\theta\epsilon\acute{\iota}\alpha$ τίς ἐνέπεσεν ἢ $\epsilon\zeta$: αἱ
ἐπὶ $\gamma\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$ ἄρα δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν. αἱ
ἄρα ἐπὶ $\zeta\epsilon$, $\epsilon\zeta\delta$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν.
αἱ δὲ ἀπὸ ἐλασσόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλό-
μεναι συμπίπτουσιν. αἱ ἄρα $\epsilon\beta$, $\zeta\delta$ ἐκβαλ-
λόμεναι ὅτι τὰ $\beta\delta$ μέρη συμπεσούσιν. ἐκ-
βεβλή-

fecetur in duas partes æquales in puncto γ :
 & adijciatur ei $\epsilon\alpha$ & $\theta\epsilon$ recta quadam
 $\beta\delta$. (Explicatio quesiti.) dico quod qua-
 drata à rectis ad , $\delta\beta$ descripta, dupla sine
 quadratorum à rectis ad , $\gamma\delta$ descriptorum.
 (Delineatio.) Ducatur enim à puncto γ , re-
 ctæ $\alpha\beta$ ad angulos rectos linea recta $\gamma\epsilon$: &
 fiat utriq; rectarum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ equalis: atq; du-
 cantur lineæ rectæ $\alpha\epsilon$, $\gamma\beta$: item per punctum
 ϵ , rectæ $\alpha\delta$, ducatur æquedistans rectæ $\epsilon\zeta$:
 item per punctum δ , rectæ $\gamma\epsilon$ æquedistans
 ducatur recta $\delta\zeta$. (Demonstratio iam factæ
 delineationis.) Et quia in lineas rectas æ-
 quedistantes $\epsilon\gamma$, $\zeta\delta$: incidit quadam recta
 $\epsilon\zeta$: anguli igitur $\gamma\epsilon\zeta$, $\epsilon\zeta\delta$ duobus rectis sunt
 æquales. atq; idcirco anguli $\zeta\epsilon\beta$, $\epsilon\zeta\delta$ duo-
 bus rectis minores. quæ verò rectæ angulos
 duob. rectis minores faciunt si, protractæ fue-
 rint, concurrent. rectæ igitur $\epsilon\beta$, $\zeta\delta$, protra-
 ctæ in partibus β & δ , concurrent: protra-
 hantur

βεβλήθωσαν, καὶ συμπιπνέτωσαν κατὰ τὸ
 η̄: καὶ ἐπιζύχθω ἡ ᾱη. (Απόδειξις.) Καὶ
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ᾱγ, τῇ γε, ἴση ἐστὶν καὶ γωνία
 ἡ ὑπὸ ᾱεγ, τῇ ὑπὸ ε̄αγ. καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ
 γ. ἡμίση ἄρα ὀρθῆς ἐστὶν, ἐκάπερα τῶν ὑπὸ
 ε̄αγ, ᾱεγ. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἐκάπερα τῶν
 ὑπὸ γεβ, εβγ, ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν. ὀρθὴ ἄρα
 ἐστὶν ἡ ὑπὸ ᾱεβ. καὶ ἐπεὶ ἡμίση ὀρθῆς ἐστὶν
 ἡ ὑπὸ ε̄βγ, ἡμίση ἄρα ὀρθῆς, καὶ ἡ ὑπὸ
 δβη, ἐστὶ δὲ β̄ ἡ ὑπὸ βδ ὀρθὴ. ἴση γάρ ἐστι τῇ
 ὑπὸ δγε, ἐναλλαξ γδ. λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ
 δῆβ ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἡ ἄρα ὑπὸ δῆβ, τῇ
 ὑπὸ δβη ἐστὶν ἴση. ὥστε καὶ πλωδρά ἡ βδ, πλω
 ρᾶ τῇ ῆδ ἐστὶν ἴση. πάλιν ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ε̄ηζ ἡ-
 μίση ἐστὶν ὀρθῆς, ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς τῷ ζ. ἴση γάρ
 ἐστὶ τῇ ἀπεναντίον τῇ πρὸς τῷ γ. λοιπὴ ἄρα
 ἡ ὑπὸ ζεῆ, ἡμίση ἐστὶν ὀρθῆς. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ
 ε̄ηζ γωνία, τῇ ὑπὸ ζεῆ. ὥστε καὶ πλωδρά ἡ
 η̄ζ πλωδρά τῇ ε̄ζ ἐστὶν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ εγ
 τῇ γα, ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς εγ τετράγω-
 νον, τῷ ἀπὸ τῆς αγ τετραγώνῳ. τὰ ἄρα ἀ-
 πὸ τῶν εγ, γα τετράγωνα διπλάσια ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ

hantur, & concurrant in puncto η : & fiat linea recta $a\eta$. (Demonstratio.) Quia recta ay , aequalis est rectae ye , angulus idcirco $ae\gamma$, etiam est aequalis angulo $ea\gamma$, & angulus ad punctum γ est rectus. quare dimidia recti pars est uterq; angulorum $ea\gamma$, $ae\gamma$. Per eadem etiam demonstrabitur, quod uterq; angulorum $ye\beta$, $e\beta\gamma$ dimidia recti pars sit. quare angulus $ae\beta$, est rectus, & quia angulus $e\beta\gamma$, dimidia recti pars est: etiam angulus $d\epsilon\eta$ dimidia recti pars erit: sed angulus $\epsilon d\eta$ est rectus, quia angulo $d\gamma e$ est aequalis. cum sint permutati: reliquus igitur angulus $d\eta\beta$ dimidia pars recti est. quare angulus $d\eta\epsilon$, angulo $d\epsilon\eta$ est aequalis. unde & latus βd , lateri ad , est aequale. Rursus quoniam angulus $e\eta\zeta$, dimidia pars recti est, & angulus ad punctum γ rectus: quia angulo sibi opposito ad punctum γ est aequalis. reliquus igitur angulus $\zeta e\eta$ dimidia pars recti est: ergo angulus $e\eta\zeta$, aequalis est angulo $\zeta e\eta$. quare & latus $\eta\zeta$, lateri $e\zeta$ est aequale. & quia recta ey , recta ea est aequalis, erit etiam quadratum à recta ey descriptum, aequale quadrato ab ey recta descripto. quadrata igitur à rectis ey , ea descripta dupla sunt quadratis à recta ya descripti. Verum quadratis ab ey , ya

D rectis

ἀπὸ τῆς γὰ τετραγώνῃ. τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν ἐγ-
 γὰ, ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εἰ. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς
 εἰ πετράγωνον, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς
 ἀγ τετραγώνῃ. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ηζ, τῇ
 εζ, ἴσων ἐστὶ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ζη πετράγωνον, τῷ
 δὲ δζ πετράγωνῳ. τὰ ἄρα δὲ τῶν ζη,
 ζε διπλασιά ἐστι τῷ δὲ τῆς εζ, τοῖς δὲ ἀπὸ
 τῶν ηζ, ζε, ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς εη πετράγω-
 νον. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς εη διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀ-
 πὸ τῆς εζ. ἴση δὲ ἡ εζ, τῇ γδ. τὸ ἄρα ἀπὸ
 τῆς εη πετράγωνον, διπλασίον ἐστὶ τῷ ἀπὸ
 τῆς γδ. εἰδέχθη δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς εἰ, δι-
 πλασίον τῷ ἀπὸ τῆς ἀγ. τὰ ἄρα δὲ τῶν
 ἀε, εη πετράγωνα διπλαζιά ἐστι τῶν ἀπὸ τῆς
 ἀγ, γδ πετραγώνων, οἷς δὲ δὲ τῶν ἀε, εη
 πετραγώνοις, ἴσων ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἀη πετρά-
 γωνον. τὸ ἄρα δὲ τῆς ἀη, διπλαζιόν ἐστι
 τῶν ἀπὸ τῶν ἀγ, γδ, τῷ δὲ ἀπὸ τῆς ἀη, ἴση
 ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν ἀδ, δη. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ἀδ,
 δη πετράγωνα, διπλαζιά ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν
 ἀγ, γδ πετραγώνων. ἴση δὲ ἡ δη, τῇ δβ. τὰ
 ἄρα ἀπὸ τῶν ἀδ, δβ πετράγωνα, διπλα-
 σιά ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν ἀγ, γδ πετραγώνων,
 (Συμ-

rectis, æquale est quadratum ab ea recta de-
 scriptum. quare quadratum à recta $\epsilon\alpha$, du-
 plum est quadrati à recta $\alpha\gamma$ descripti. rur-
 sus quoniam recta $\eta\zeta$, æqualis est rectæ $\epsilon\zeta$, æ-
 quale etiam erit quadratum à recta $\zeta\eta$, qua-
 drato à recta $\epsilon\zeta$ descripto. quare quadrata à
 rectis $\zeta\eta$, $\zeta\epsilon$ descripta, dupla sunt quadrati à
 recta $\epsilon\zeta$ descripti: quadratis verò $\eta\zeta$, $\zeta\epsilon$: æqua-
 le est quadratum à recta $\epsilon\eta$ descriptum. qua-
 dratum igitur à recta $\epsilon\eta$ descriptum, duplum
 est quadrati à recta $\epsilon\zeta$ descripti: sed recta $\epsilon\zeta$,
 æqualis est rectæ $\gamma\delta$. quadratum igitur à re-
 ctæ $\epsilon\eta$, duplum est quadrati à recta $\gamma\delta$ descri-
 pti. Verum demonstratum est, quod quadratum à re-
 ctæ $\epsilon\alpha$ descriptum, duplum sit quadrati à recta $\alpha\gamma$ de-
 scripti. quadrata itaq; à rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\eta$ descripta, dupla
 sunt quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descriptorum. qua-
 dratis verò à rectis $\alpha\epsilon$, $\epsilon\eta$ descriptis, æquale est quadra-
 tum à recta $\alpha\eta$ descriptum: quare quadratum à recta
 $\alpha\eta$ descriptum, duplum est quadratorum à rectis $\alpha\gamma$,
 $\gamma\delta$ descriptorum. quadrato autem à recta $\alpha\eta$ descri-
 pto, æqualia sunt quadrata à rectis $\alpha\delta$, $\delta\eta$ descripta.
 quare quadrata à rectis $\alpha\delta$, $\delta\eta$ descripta, dupla sunt
 quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ descriptorum. verum recta $\delta\eta$,
 est æqualis rectæ $\delta\beta$. quadrata igitur à rectis $\alpha\delta$, $\delta\beta$,
 descripta, dupla sunt quadratorum à rectis $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ de-
 scripto-

(Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα ὁθεῖα γραμμὴ
 τμηθῇ δίχα, προσπεθῇ δὲ πρὸς αὐτῇ ὁθεῖα
 ἐπ' ὁθείας, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης, ὡς τῇ προ-
 σκευμένη· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς προσκειμένης, τὰ συ-
 ναμφοτέρω τετραγώνω, διπλαζιά ἐστι, τῷ τε
 ὑπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ ὅ ἀπὸ τῆς συγκειμέ-
 νης ἐκτὸς τῆς ἡμισείας, καὶ τῆς προσκευμένης,
 ὡς ὑπὸ μιᾶς ἀναγεράφειται τετραγώνου.
 ὅπως ἑδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ια. Πρόβλημα.

Τὴν δοθεῖσαν ὁθεῖαν πεμεῖν, ὥς τὸ ὑπὸ
 τῆς ὅλης, καὶ τοῦ ἑτέρου τῶν τμημάτων
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Εκθεσις.) Εἰς τὴν δοθεῖσαν ὁθεῖαν ἡ $\alpha\beta$.
 (Διορισμός.) Δεῖ δὴ πλὴν $\alpha\beta$ τεμεῖν, ὥς τὸ
 ὑπὸ τῆς ὅλης, καὶ τῷ ἑτέρου τῶν τμημάτων
 περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ὑπὸ
 τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ. (Κατα-
 σκευή.) Αναγεράφθω γὰρ ὑπὸ τῆς $\alpha\beta$ τε-
 τραγώνον τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$ · καὶ τεμήσθω ἡ $\alpha\gamma$ δίχα
 κατὰ τὸ σημεῖον· ἔπειτα ῥαχθῶ ἡ $\beta\epsilon$, καὶ δι-
 ῥαχθῶ

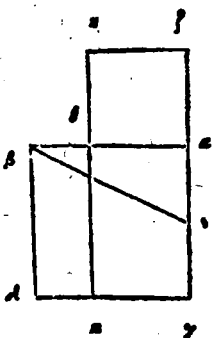
scriptorum. (Cōclusio.) Si igitur recta linea secta fuerit in partes duas æquales, eiq̃ adijciatur quædam linea recta $\epsilon\pi'$ & $\theta\epsilon\iota\omicron\varsigma$ (è directo) quadratū à tota cum adiecta: & quadratum ab ipsa adiecta hæc inquam duo simul quadrata: dupla sunt quadrati à dimidia descripti, & eius quadrati quod describitur à recta, composita & facta ex dimidia, & adiecta, tanquam esset quadratum ab vna linea recta descriptum. id quod demonstrandum erat.

Propositio XI. Problema.

DAtam lineam rectam ita secare, vt rectangulum quod tota linea recta, & altero segmento continetur, æquale sit quadrato à reliquo segmento descripto.

Explicatio dati.) Sit data linea recta $\alpha\beta$.
(Explicatio quasiti.) Recta igitur $\alpha\beta$, ita secanda est, vt rectangulum quod tota & altero segmento cōtinetur, æquale sit quadrato à reliqua linea recta descripto. (De lin.) Describatur à recta linea $\alpha\beta$ quadratum $\alpha\beta\gamma\delta$: & secetur recta $\alpha\gamma$, in duas partes æquales in puncto ϵ : ac ducatur recta $\beta\epsilon$: extendatur

ήχθω ή γὰ ἐπὶ τὸ ζ: κ
 κείσθω τῇ βεῖσθ ή εζ: κ
 ἀναμμεγὰ φθω ἀπὸ τῆς
 αζ τετραγώνον τὸ ζθ:
 καὶ διήχθω ή ηθ διὰ τὸ
 κ. (Διορισμός τῆς κα-
 τασκωῆς.) Λέγω ὅτι ή
 αβ τέτμηται κτ το θ, ὥ-
 στε τὸ ὑπὸ τῶν αβ, βθ
 περιεχόμενον ὀρθογών-
 νιον, ἴσον εἶναι, τῷ ἀπὸ τῆς αθ τετραγώνῳ.
 (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ αβθεα ή αγ, τέτμη-
 ται δίχα κατὰ τὸ ε: πρόσκειται δὲ αὐτῇ ή αζ.
 τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμενον ὀρ-
 θογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε τετραγώνου ἴσον
 εἶσι τῷ ἀπὸ τῆς εζ τετραγώνῳ. ἴση δὲ ή εζ.
 τῇ εβ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν γζ, ζα περιεχόμε-
 νον ὀρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε τετρα-
 γώνῳ: ἴσον εἶσι τῷ ἀπὸ τῆς εβ τετραγώνῳ.
 ἀλλὰ τῷ ἀπὸ τῆς εβ, ἴσα εἶσι, τὰ ἀπὸ τῶν βα,
 αε. ὀρθή γδ ή πρὸς τῷ α γωνία. τὸ ἄρα ὑπὸ
 τῶν γζ, ζα, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς αε, ἴσον εἶσι τοῖς
 ἀπὸ τῶν βα, αε. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ
 τῆς



tur etiam recta $\gamma\alpha$, ad punctum ζ : & fiat recta $\beta\epsilon$, æqualis recta $\epsilon\zeta$: præterea à recta $\alpha\zeta$ describatur quadratum $\zeta\theta$: deniq; extendatur recta $\eta\theta$ ad punctum ν sq; x . (Explicatio iam facta delineationis.) Dico quod recta $\alpha\epsilon$ sit secta in puncto θ : ut rectangulum quod continetur rectis $\alpha\beta, \beta\theta$: æquale sit quadrato quod describitur à recta $\alpha\theta$. (Demonstratio.) Quoniam recta $\alpha\gamma$, secta est in duas partes æquales in puncto ϵ : eiq; est adiecta recta $\alpha\zeta$. rectangulum igitur quod continetur rectis $\gamma\zeta, \zeta\alpha$, cum quadrato quod à recta $\alpha\epsilon$ describitur, æquale erit quadrato quod à recta $\epsilon\zeta$ describitur: sed recta $\epsilon\zeta$ est æqualis recta $\epsilon\beta$. ergo rectangulum quod continetur rectis $\gamma\zeta, \zeta\alpha$ cum quadrato quod describitur à recta $\alpha\epsilon$, æquale est quadrato descripto à recta $\epsilon\zeta$: sed quadrato à recta $\epsilon\beta$ descripto, sunt æqualia duo quadrata à rectis $\zeta\alpha, \alpha\epsilon$ descripta. quoniam angulus ad punctum α est rectus. rectangulum igitur quod continetur rectis $\gamma\zeta, \zeta\alpha$, cum quadrato à recta $\alpha\epsilon$ descripto, æquale est quadratis à duab' rectis $\zeta\alpha, \alpha\epsilon$ descriptis. Comu-

τῆς $\alpha\epsilon$. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν $\gamma\zeta$, $\zeta\alpha$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, τετραγώνῳ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν ὑπὸ τῶν $\gamma\zeta$, $\zeta\alpha$ τὸ $\zeta\kappa$. ἴση γὰρ ἡ $\alpha\zeta$, τῇ $\zeta\eta$. τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $\alpha\beta$, τὸ $\alpha\delta$. τὸ ἄρα $\zeta\kappa$, ἴσον ἐστὶ τῷ $\alpha\delta$. κρινόν ἀφηρήσθω τὸ $\alpha\kappa$. λοιπὸν ἄρα τὸ $\zeta\theta$, τῷ $\theta\delta$ ἴσον ἐστὶ. καὶ ἐστὶ τὸ μὲν $\theta\delta$, τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$. ἴση γὰρ ἡ $\alpha\beta$, τῇ $\beta\delta$. τὸ δὲ $\zeta\theta$, τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\theta$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\theta\alpha$ τετραγώνῳ. (Συμπέρασμα.) Ἡ ἄρα δοθεῖσα ὀρθογώνια ἡ $\alpha\beta$, τέτμηται κατὰ τὸ θ : ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\theta$ περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς $\theta\alpha$ τετραγώνῳ. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις ιβ. θεώρημα.

ΕΝ ποῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πρὸς ἀμβλείαν γωνίαν ὑποπτήσεως παλάρας περάγωνον: μεῖζον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῆς πρὸς ἀμβλείαν γωνίαν περιεχουσῶν παλάρων τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δὲ ὑπὸ μιᾶς

ne auferatur quadratum à recta ae descriptū. reliquum igitur rectangulum rectis $\gamma\zeta$, ζa comprehensum, æquale est quadrato à recta ae descripto. verum rectangulum quod continetur rectis $\gamma\zeta$, ζa , est rectangulum ζx : quia $a\zeta$ recta, est æqualis rectæ $\zeta\eta$. quadratum vero à recta ae descriptum, est ipsum quadratū ad . Ergo ζx quadratum est æquale quadrato ad . Commune auferatur ax . reliquum igitur quadratum $\zeta\theta$, est æquale reliquo rectangulo θd . est autem rectangulum θd , id quod comprehenditur rectis $a\beta$, $\zeta\theta$: quia recta $a\zeta$, æqualis est rectæ ζd : quadratum vero $\zeta\theta$, id quod à recta ad describitur. Quare rectangulum quod rectis $a\zeta$, $\zeta\theta$ continetur, æquale est quadrato à recta θa descripto. (Conclusio.) Recta igitur data $a\beta$, diuisa est in puncto θ , hac ratione, vt rectangulū θ rectis $a\beta$, $\beta\theta$ continetur, sit æquale quadrato à recta θa descripto. quod faciendum erat.

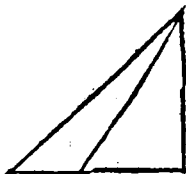
Propositio XII. Theorema.

IN triangulis amblygoniis (id est, obtusum habentibus angulum) quadratū quod describitur à latere, obtusum angulum subtendente, maius est quadratis laterum obtusum

D 5 angu

τε μιᾶς τῶν περὶ τὴν ἀμβλείαν γωνίαν ἐφ'
ὧν ἐκβληθεῖσαν, ἢ κάθετῳ πείπῃ, καὶ τῆς
ἀπολαμβανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης
πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εἰς ἀμβλυγώνιον τρίγωνον τὸ
αβγ, ἀμβλείαν ἔχον τὴν ὑπὸ βᾶγ γωνίαν
καὶ ἤχθω ἀπὸ τοῦ β σημείου, ἐπὶ τὴν γα ἐκ-
βληθεῖσαν κάθετῳ ἢ βδ. (Διορισμός.) Λέ-
γω ὅτι τὸ ἀπὸ τῆς βγ περὶ γωνίον, μᾶλλον
εἰς τῶν ἀπὸ τῶν βα, αγ
περὶ γωνίων, καὶ δις ὑπὸ
τῶν γα, αδ περιεχομέ-
νω ὀρθογωνίῳ. (Απόδει-
ξις.) Ἐπεὶ γὰρ εὐθεία ἡ γδ
τέτμηται ὡς εἴτιχε καὶ α
τὸ α σημεῖον: τὸ ἄρα ἀπὸ
τῆς γδ, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ γ α α δ
τῶν γα, αδ περὶ γωνίοις: καὶ καὶ δις ὑπὸ τῶν
γα, αδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. κεινὸν παρ-
οικείω τὸ ἀπὸ τῆς δβ. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
γδ, δβ ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν γα, αδ, δβ,
περὶ γωνίοις, καὶ καὶ δις ὑπὸ τῶν γα, αδ
περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ
τῶν



angulum continentium : rectangulo quod bis continetur latere vno obtusum angulum continēte, in quod si producat, perpendicularis cadit: & recta intercepta externē ab ipsa perpendiculari ad angulum obtusum.

Explicatio dati.) Sit triangulus amblygonius $\alpha\beta\gamma$: cuius angulus $\beta\alpha\gamma$ sit obtusus: & ducatur à puncto α , ad rectam $\gamma\alpha$ productā, & extensam perpendicularis recta $\alpha\delta$. (*Explicatio quesiti.)* Dico quod quadratum à latere $\beta\gamma$ descriptum, maius sit quadratis laterum $\alpha\alpha$, $\alpha\gamma$, rectangulo quod bis continetur rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$. (*Demonstratio.)* Quoniam recta $\gamma\delta$, utcumq; secta est in puncto α : quadratum igitur à recta $\gamma\delta$ descriptum, æquale est quadratis à lateribus $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ descriptis, & rectangulo $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ lateribus bis contento. commune addatur quadratum à recta $\delta\beta$ descriptum. itaq; quadrata à rectis $\gamma\delta$, $\delta\beta$ descripta, æqualia sunt quadratis à rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$, $\delta\beta$ descriptis, & rectangulo bis, rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ contento. verum quadratis à rectis $\gamma\delta$, $\delta\beta$

τῶν γδ, δβ ἴσιν ἐς τὸ ἀπὸ τῆς γβ. ὁρθὴ γδ ἢ πρὸς τὸ δ γωνία. τοῖς δλ' ἀπὸ τῶν αδ, δβ ἴσιν ἐς τὸ ἀπὸ τῆς αβ, τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς βγ πετράγωνον, ἴσιν ἐς τοῖς π ἀπὸ τῶν γα, αβ πετραγώνοις, καὶ τῷ δλς ὑπὸ τῶν γα, αδ περιεχομένῳ ὁρθογωνίῳ. ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς γβ πετράγωνον, τῶν ἀπὸ τῶν γα, αβ πετραγώνων, μείζον ἐστὶ τῷ δλς ὑπὸ τῶν γα, αδ περιεχομένῳ ὁρθογωνίῳ. (Συμπέρασμα.)

Εν ἄρα ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πλὴν ἀμβλείαν γωνίας ὑποπλευστικῆς πλευρᾶς πετράγωνον, μείζον ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν πλὴν ἀμβλείαν γωνίας περιεχουσῶν πλευρῶν πετραγώνων, καὶ περιεχομένῳ δλς ὑπὸ τῆς μιᾶς τῶν περὶ πλὴν ἀμβλείαν γωνίαν, ἐφ' ἣν ἡ κάθετος καὶ ἀπίπται, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρόσθεσις ιγ. θεώρημα.

ΕΝ τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πλὴν ὀξείαν γωνίας ὑποπλευστικῆς πλευρᾶς πετράγωνον, ἑλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν πλὴν ὀξείαν

$\gamma\delta$, $\delta\epsilon$ descriptis, æquale est quadratum à recta $\gamma\epsilon$, quia angulus ad punctum δ est rectus, & quadratis à lineis rectis ad, $\delta\beta$ descriptis, æquale est quadratum à recta $\alpha\epsilon$ descriptum. Quare quadratum à recta $\beta\gamma$ descriptum, æquale est quadratis à rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\epsilon$ descriptis, & rectangulo quod rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ bis continetur, idcirco & quadratum à recta $\gamma\beta$ descriptum, maius est quadratis à lineis rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\epsilon$ descriptis: rectangulo quod rectis $\gamma\alpha$, $\alpha\delta$ bis continetur. (Conclusio.) In triangulis igitur amblygonijs, quadratum quod describitur à latere obtusum angulum subtendente, maius est quadratis laterum obtusum illum angulum continentium, rectangulo quod bis continetur vno ex lateribus angulum obtusum continentibus, in quod cadit perpendicularis si productum fuerit: & linea recta intercepta ad angulum obtusum ab ipsa perpendiculari. quod demonstrandum erat.

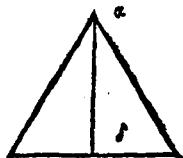
Propositio XIII. Theorema.

IN triangulis oxygonijs, quadratum descriptum à latere acutum angulum subtendente,

ὀξείαν γωνίαν περιεχουσὼν πλῆρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸτε μιᾶς τῶν ὡς τὴν ὀξείαν γωνίαν ἐφ' ἧν ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐκείνης ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εἰς ὁξυγώνιον τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$ ὀξείαν ἔχων τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν· καὶ ἤχθω ἀπὸ α σημεῖον ὅππῃ τὴν $\beta\gamma$ κάθετος δ ἡ $\alpha\delta$. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι τὸ ἀπὸ α γ τετράγωνον, ἐλαττόν ἐστι, τῶν ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ τετραγώνων τῷ δις ὑπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Απόδειξις) Επεὶ γὰρ $\alpha\thetaεία$ ἡ $\gamma\delta$ τέτμηται ὡς ἐπυχε καὶ τὸ δ . τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δις ὑπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς $\delta\gamma$ τετραγώνῳ. πρὶνὸν προσκείσθω τὸ ἀπὸ τῆς $\alpha\delta$ τετράγωνον. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta, \delta\alpha$ τετράγωνα, ἴσα ἐστὶ τῷ τε δις ὑπὸ τῶν $\gamma\beta, \beta\delta$, περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\delta, \delta\gamma$ τετραγώνοις.

ἀλλὰ



dente, minus est quadratis laterum acutum illum angulum continentium, rectangulo quod bis continetur vno latere eorum, quæ acutum continent angulum, & in quod ipsa cadit perpendicularis: & linea interne ab ipsa perpendiculari intercepta, ad ipsum angulū acutum.

Explicatio dati.) Sit triangulus *Oxygonius* $\alpha\beta\gamma$, habens acutum angulum ad punctum β , & ducatur à puncto α , ad lineam rectam $\beta\gamma$ perpendicularis recta $\alpha\delta$. (*Explicatio quesiti.*) Dico quod quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum, sit minus quadratis laterum $\gamma\beta$, $\beta\alpha$: rectangulo quod $\gamma\beta$, $\beta\delta$ rectis bis continetur. (*Demonstratio.*) Quoniam recta $\gamma\delta$ utcumq; secta est in puncto δ . quadrata igitur à rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$ descripta, equalia sunt rectangulo quod rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$ bis continetur, & quadrato à recta $\delta\gamma$ descripto. Commune addatur quadratum à recta $\alpha\delta$ descriptum. quadrata igitur à rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$ $\delta\alpha$ descripta, equalia sunt rectangulo quod bis continetur rectis $\gamma\beta$, $\beta\delta$, & quadratis à lineis rectis $\alpha\delta$, $\delta\gamma$ descriptis. Verum quadratis

ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν βδ, δα, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αβ. ὀρθὴ γὰρ ἡ πρὸς τὰ δ γωνία. τοῖς δ' ἀπὸ τῶν αδ, δγ ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς αγ. τὰ ἄρα ὑπὸ τῶν γβ, βα, ἴσα ἐστὶ τὰ πρὸς τῆς αγ, καὶ τὰ δις ὑπὸ τῶν γβ, βδ. ὥστε μόνον τὸ ἀπὸ τῆς αγ ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν γβ, βα τετραγώνων, τὰ δις ὑπὸ τῶν βγ, βδ περιεχομένῳ ὀρθογωνίῳ. (Συμπίερασμα.) Ἐν ἄρα τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς πλὴν ὀξείαν γωνίαν ὑποστή-
 νουσης πλωρᾶς τετράγωνον, ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν πλὴν ὀξείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλωρῶν τετραγώνων, τὰ περιεχομένῳ δις ὑπόπτε μίᾳ τῇ περὶ πλὴν ὀξείαν γωνίαν ἐφ' ἣν ἡ καθέτη  πείπῃ, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐν τῷ ὑπὸ τῆς καθέτης, πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ. ὅπως ἐδὲ δεῖξαι.

Πρότασις ιδ. Πρόβλημα.

Τὸ δοθέν ὀρθογώνιον, ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι.

Εκθε-

dratis à rectis $\epsilon\delta$, $\delta\alpha$ descriptis, æquale est quadratum à recta $\alpha\beta$ descriptum. quia angulus ad δ punctum est rectus. quadratis vero à rectis $\alpha\delta$, $\delta\gamma$ descriptis, æquale est quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum. itaq; rectangula quæ rectis $\gamma\beta$, $\beta\alpha$ continentur, æqualia sunt quadrato à recta $\alpha\gamma$ descripto, & rectangulo $\gamma\epsilon$, $\beta\delta$ rectis bis contento. erit igitur vnicum quadratum à recta $\alpha\gamma$ descriptum minus, quadratis à rectis $\gamma\beta$, $\beta\alpha$ descriptis rectangulo quod rectis $\beta\gamma$, $\beta\delta$ bis continetur. (Conclusio.) In triangulis igitur oxygonijs, quadratum quod describitur à latere subtendente angulum acutum, minus est quadratis laterum angulum illum acutum continentium, rectangulo, quod bis continetur vno eorum lateribus angulum illum acutum continentibus, in quod perpendicularis cadit: & linea internè intercepta à perpendiculari ad angulum illum acutum. quod erat demonstrandū.

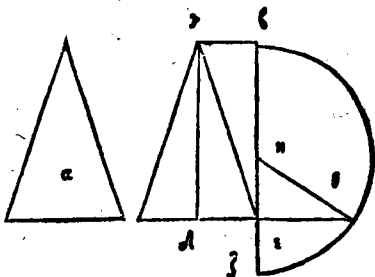
Propositio XIII. Problema.

DAtæ figure rectilineæ æquale quadratum constituere.

E Expli-

Εκθεσις.) Εστω τὸ δοθέν ὠκυγώνιον τὸ
 α . (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τὰ α ὠκυγώνια,
 ἴσον τετράγωνον συστήσασθαι. (Κατασκευὴ.)

Συνοψάσω
 τὰ α ὠκυ-
 γώνια,
 ἴσον παραλ-
 ληλόγραμ-
 μον ὀρθο-
 γώνιον τὸ
 βδ. εἰ μὲν
 ἂν ἴση ἔσιν



ἢ βε, τῇ εδ, γεγονὸς αὖ εἴη τὸ ὀπίσθαι. συ-
 νίσταται γὰρ τὰ α ὠκυγώνια, ἴσον τετράγω-
 νον τὸ βδ. εἰ δὲ ἔξ, μία τῶν βε, εδ μείζων ἔσιν.
 ἔστω μείζων ἡ βε, καὶ ἐκβεβλήσθω ὀπί τὸ ζ·
 καὶ κείσθω τῇ εδ ἴση ἡ ζε: καὶ τεμήσθω ἡ ζβ
 δίχα κατὰ τὸ η: καὶ κέντρῳ μὲν τῷ η, διαστή-
 ματι δὲ ἐνὶ τῶν ηβ, ηζ, ἡμικύκλιον γεγραφ-
 θῶ τὸ βθζ: καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ δε, ὀπί τὸ θ: καὶ
 ἐπεζεύχθω ἡ ηθ. (Απόδειξις.) Επεὶ ἂν ὠ-
 κεία ἡ βζ τέτμηται εἰς μὲν ἴσα κατὰ τὸ η, εἰς
 δὲ αἰσισι καὶ τὸ ε. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, εδ πε-
 ριέχο-

Explicatio dati.) Sit data figura rectilinea α . (*Explicatio quaesiti.)* Data igitur rectilinea figura α , constituendū est ϵ aequale quadratum. (*Delineatio.)* Constituatur data figura rectilinea α , aequale parallelogrammum rectangulum $\beta\delta$. Si itaq, recta $\beta\epsilon$, aequalis est rectae $\epsilon\delta$, factum est id quod iussum erat. quia data figura rectilinea α , aequale est factum quadratum $\beta\delta$. sin minus, una ex his rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\delta$ sit maior, ponatur $\beta\epsilon$ maior, eaq, producaturs ad punctum vsq, ζ : & fiat rectae $\epsilon\delta$ aequalis recta $\zeta\epsilon$: secetur recta $\zeta\beta$ in duas partes aequales in puncto η : postea cetro η , intervallo vel $\eta\beta$, vel $\eta\zeta$ describatur semicirculus $\epsilon\theta\zeta$: producatursq, recta $\delta\epsilon$, ad punctum vsq, θ : fiatq, recta $\eta\theta$. (*Demonstratio.)* Quoniam recta $\beta\zeta$ secta est in partes quidem aequales in puncto η , in partes vero inaequales in puncto ϵ . rectangulum igitur quod continetur rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$, cum quadrato à recta $\epsilon\eta$ descripto, aequale est quadrato à recta $\eta\zeta$ descripto. sed recta $\eta\zeta$ aequalis est rectae $\eta\theta$. rectangulum igitur rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ contentum

E. 2 cum

ρεχόμενον ὀρθογώνιον, μὲν δ' ἀπὸ τῆς εἰς πε-
 τραγώνου: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς πετραγώνου.
 ἴση δ' ἡ ἡζ, τῇ ἡθ. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ
 μετὰ τῆς ἀπὸ τῆς ἡε, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡθ,
 τῷ δ' ἀπὸ τῆς ἡθ, ἴσα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν θε, ἡε
 πετράγωνα. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, μετὰ
 τοῦ ἀπὸ τῆς ἡε, ἴσα ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν θε, ἡε.
 κρινόν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ τῆς ἡε πετράγω-
 νον. λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, περιε-
 χόμενον ὀρθογώνιον: ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εἰς
 πετραγώνου. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν βε, ἐξ, τὸ βδ
 ἐστίν. ἴση γὰρ ἡ ἐξ, τῇ ἐδ. τὸ ἄρα βδ παραλ-
 ληλόγραμμον, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς εἰς ἀνα-
 γραφομένῳ πετραγώνῳ. (Συμπέρασμα)
 Τῷ ἄρα δοθέντι διθυγράμμῳ τῷ αἰ ἴσον πε-
 τράγωνον σκίζειται, τὸ ἀπὸ τῆς εἰς
 ἀναγραφησόμενον. ὅπερ
 εἶδει ποιῆσαι.

ΤΕΛΟΣ.

cum quadrato à recta $\eta\epsilon$ descripto, æquale est quadrato à recta $\eta\theta$ descripto. Verum huic quadrato à recta $\eta\theta$ descripto, æqualia sunt quadrata à rectis $\theta\epsilon$, $\eta\epsilon$ descripta. Rectangulum igitur rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ contentum, cum quadrato à recta $\eta\epsilon$ descripto, hæc inquam sunt æqualia quadratis à rectis $\theta\epsilon$, $\eta\epsilon$ descriptis. Commune auferatur quadratum à recta $\eta\epsilon$ descriptum. reliquum igitur rectangulum quod rectis $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ continetur, æquale est quadrato à recta $\epsilon\theta$ descripto: sed rectangulum $\beta\epsilon$, $\epsilon\zeta$ rectis contentum est rectangulum $\beta\delta$: quia $\epsilon\zeta$ recta æqualis est $\epsilon\delta$ rectæ. quare parallelogrammum $\beta\delta$, æquale est quadrato ab $\epsilon\theta$ recta descripto. (Conclusio.) Data igitur figura rectilinea α , constitutum est æquale quadratum à recta $\epsilon\theta$ descriptum. Quod faciendum erat.

FINIS.

ΒΑΡΛΑΑΜ ΜΟΝΑΧΟΥ,
ΑΡΙΘΜΗΤΙΚΗ ΑΠΟΔΕΙΞΙΣ, ΤΩΝ

ῥηθμικῶς ἐν τῇ δευτέρῃ τῶν σο-
χρῶν ἀποδειχθέντων.

ΟΡΟΙ.

Αριθμὸν, ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν
λέγω: ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν τῇ πολλαπλα-
σιάζοντι μονάδες: ποσῶν ἀκὶς σωθῆναι ὁ πολ-
λαπλασιαζόμενος ποιήσῃ πῖνα: ὃν ἡ μετρεῖ,
ἡ τὰς ἐν τῇ πολλαπλασιάζοντι μονάδας.

Καλῶ δ' αὐτὸν τὸν ἐκ τέτων ῥηθμὸν:
ἰστίπιδον.

Τετραγώνον δ' ἀριθμὸν λέγω, τὸν ῥηθ-
μὸν ἀπὸ πινος ἐαυτὸν πολλαπλασιάσαντος.

Αριθμὸν ἀριθμῷ μέρους λέγω: τὸ ἐλάτ-
τονα τοῦ μείζονος, ἂν ἢ μετρεῖ, ἂν ἢ μὴ με-
τρεῖ τὸν μείζονα.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

Πρότασις α. θεώρημα.

ΕΑν δύο ἀριθμῶν ὄντων διαιρεθῇ ὁ ἑπὶ
αὐτῶν εἰς ὅσας δηποιοῦν ἀριθμοὺς: ὁ ἐκ
τῶν

BARLAAM MONACHI,
ARITHMETICA DEMON-
stratio eorum, quæ Euclides libro secundo
suorum elementorum in lineis & fi-
guris planis demonstravit.

DEFINITIONES.

Numerum dico multiplicare alium nu-
 merum: quando quot in eo qui multi-
 plicat sunt unitates: toties numerus multipli-
 candus, compositus: producit aliquem nume-
 rum: quem secundum unitates quæ sunt in nu-
 mero multiplicante metitur.

*Illum verò qui ex eiusmodi multiplica-
 tione producitur, nomino planum.*

*Quadratū voco numerum, qui fit ex mul-
 tiplicatione alicuius numeri in seipsum.*

*Deniq, numerum alterius numeri partem
 esse dico: minorem maioris, siue minor maio-
 rem metiatur: siue non metiatur.*

PROPOSITIONES.

Propositio prima. Theorema.

Si duobus propositis numeris, alter illorū
 diuidatur in aliquot numeros quotquot

E 4 finit

τῶν ἐξαρχῆς δύο ἀριθμῶν ὅπιπεδ Θ δριθ-
 μος: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκλετῶ ἀδιαρέτῃ, καὶ ἐκά-
 στῶν μερῶν τῶ διαρεθέν Θ γνομένοις ἐ-
 πιπέδοις.

Εκθεσις.) Εἰπωσαν

δύο δριθμοὶ ἢ $\alpha\beta$, γ:

καὶ διηρήστω ὁ $\alpha\beta$, εἰς

ὅσας δηποτοῦν δριθ-

μους, τῶς $\alpha\delta$, δε, $\epsilon\beta$.

(Διορισμός.) Λέγω ὅ-

τι ὅτι γ , $\alpha\beta$ ὅπιπε-

δ Θ : ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ γ

γ , $\alpha\delta$: γ , δε: γ , $\epsilon\beta$ ἐ-

πιπέδοις. (Καλασκ.)

Εἰπω γὰρ ὅτι μὲν τῶν γ,

$\alpha\beta$, ὁ ζ' ἐκλετῶν γ, $\alpha\delta$

ὁ $\eta\theta$: ἐκ δε γ , δε, ὁ θ :

ἐκ δε γ , $\epsilon\beta$ ὁ $\iota\kappa$. (Απόδ:) Καὶ ἐπεὶ ὁ $\alpha\beta$ τῶ

πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν ζ', ὁ ἄρα γ με-

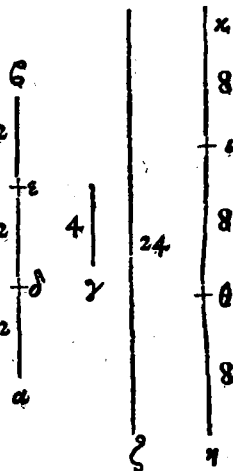
τρεῖ τ ζ, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. Διὰ τὰ αὐ-

τὰ δὲ καὶ τὸν $\eta\theta$ μετρεῖ: καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\delta$ μον-

νάδας: τὸν δὲ θε καὶ τὰς ἐν τῷ δε: τ δ' $\epsilon\iota\kappa$: κα-

τὰ τὰς ἐν τῷ $\epsilon\beta$ μονάδας. Ολον ἄρα τὸν $\eta\kappa$

μετρεῖ



sint: numerus planus, qui fit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum, erit æqualis numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non diuisi, & vnaquaq; parte numeri diuisi.

Ex ἡσ.) Sint duo numeri $\alpha\epsilon$, & γ : ac diuidatur numerus $\alpha\epsilon$ in quotcunq; alios numeros, utpote $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\zeta$. (Διορισμός:) Dico qd numerus planus qui fit ex numerorum γ , & $\alpha\epsilon$ multiplicatione: æqualis sit numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numerorum γ , & $\alpha\delta$: item γ , & $\delta\epsilon$: deniq; γ , & $\epsilon\zeta$. (Κατασκευή.) Sit enim ζ numerus planus ex multiplicatione numerorum γ , & $\alpha\epsilon$ productus: $\eta\theta$ verò ex multiplicatione γ , & $\alpha\delta$: $\theta\iota$ verò ex multiplicatione γ , & $\delta\epsilon$: deniq; ex multiplicatione γ , & $\epsilon\zeta$ producat numerus $\iota\kappa$. (Απόδειξις.) Cum itaq; numerus $\alpha\epsilon$ multiplicando numerum γ , produxit numerum ζ : idcirco numerus γ , metitur numerum ζ , iuxta unitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Per eadem demonstrabimus, quod numerus γ etiam metiatur numerum $\eta\theta$, penes unitates, quæ sunt in numero $\alpha\delta$: numerum verò $\theta\iota$ per unitates quæ sunt in numero $\delta\epsilon$: deniq; numerum $\iota\kappa$, secundum unitates quæ sunt in numero $\epsilon\beta$.

μετρεῖ ὁ γ': κατὰ τὰς ἐν τῷ ᾠβ μονάδας. ἐ-
μέτρε δὲ καὶ τὸν ζ, κατὰ τὰς ἐν τῷ ᾠβ μονά-
δας. ἐκάπερος ἄρα τῶν ζ ἦκ, ἰσάκις ἐς πολ-
λαπλάσι. τῷ γ'. οἱ δὲ τῷ αὐτοῦ ἰσάκις
πολλαπλάσιοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσ' ἄρα
ἐστὶν ὁ ζ τῷ ἦκ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ζ, ὁ ἐκ τῶν γ,
αβ ὅτι πεδ, ὁ δὲ ἦκ, ὁ συγκείμεν ἐκ
τῷ γ, ἐκάστου τῶν αδ, δε, ἐβ ὅτι πέδων.
ὁ ἄρα ἐκ τῶν γ, αβ ὅτι πεδ ἴσ' ἐστὶ τῷ
ἐκ τῷ γ, καὶ ἐκάστου τῶν αδ, δε, ἐβ ὅτι πέ-
δοις. (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα δύο δριθ-
μῶν ὄντων: διαυρεθῇ ὅτερον αὐτῶν εἰς ὅσους
δηλωθῇ δριθμῶν: ὁ ἐκ τῶν ἐξ δριτῆς δύο ἀ-
ριθμῶν ὅτι πέδος: ἴσος ἐστὶ τοῖς ἐκ τῆς ἀδια-
ρίτου, καὶ ἐκάστου τῶν μερῶν τῷ διαυρεθέντι
ὅτι πέδοις, ὅπως εἶδη δεῖξαι.

Πρότασις Β. Ζεύγημα.

ΕΑν δριθμός εἰς δύο ἀριθμούς διασπασθῇ:
 δύο ὅτι πεδαι δριθμοὶ οἱ ἡρόδοτοι ἐκτε
 ὅλα, καὶ ἐκάλειν τῶν μερῶν, πωαμφότεροι
 ἴσοι εἰσὶ πρὸς ἀπὸ τῶ ὅλου τετραγώνῳ.

Expte-

Quare numerus γ totum numerum $\eta\kappa$ metitur iuxta unitates, quæ sunt in numero $\alpha\beta$. verum metiebatur antea numerum ζ , penes unitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Vterq; igitur numerus ζ & $\eta\kappa$ æqualiter est multiplex numeri γ . Numeri verò qui eiusdem numeri æqualiter sunt multiplices, æquales inter se sunt. ergo numerus ζ , æqualis est numero $\eta\kappa$. sed numerus ζ , est numerus planus, ex multiplicatione γ & $\alpha\beta$ productus. alter verò numerus $\eta\kappa$, compositus ex numero γ non diuiso, & unoquoq; plano numero $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$, $\epsilon\zeta$. ($\Sigma\mu\omega\epsilon\gamma\sigma\mu\alpha$.) Si igitur fuerint duo numeri, quorum alter diuisus sit in quoscunq; alios numeros: tum numerus planus qui fit ex multiplicatione duorum ab initio propositorum numerorum: æqualis est numeris planis, qui fiunt ex multiplicatione numeri non secti, & singulis partibus eius numeri qui diuisus & sectus est. Quod erat demonstrandum.

Propositio II. Theorema.

SI numerus aliquis diuisus fuerit in alios duos numeros: tum numeri plani qui fiunt ex multiplicatione totius, & vtriusq; partis, hi ambo coniuncti: erunt æquales quadrato numero totius numeri propositi.

Εκθεσις.) Αριθμὸς
 γὰρ ὁ $\bar{a}\beta$ διηρήσθω εἰς ϵ
 δύο ἀριθμοὺς τὰς $\bar{a}\gamma$,
 $\bar{\gamma}\beta$. (Διορισμός.) Λέ- 2
 γω ὅτι δύο ὀπίπιδοι ἀ- $+\gamma$
 ριθμοὶ, ὅτε ἐκ τῶν $\bar{a}\beta$,
 $\bar{a}\gamma$: καὶ ὁ ἐκ τῶν $\bar{a}\beta$, $\bar{\gamma}\beta$ 4
 σωτεθέντες: ἴσοι εἰσὶ πρὸς
 ἀπὸ τοῦ $\bar{a}\beta$ πετραγώ-
 νω. (Κατασκευὴ.) Οἱ γὰρ
 $\bar{a}\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλα-
 σιάσας ποιήτω τὸν δ:
 ὃ δὲ $\bar{a}\gamma$, τὸν $\bar{a}\beta$ πολλα-
 πλασιάσας: ποιήτω τὸ
 ε: τὸν δὲ αὐτὸν $\bar{a}\beta$ καὶ ὁ $\bar{\gamma}\beta$ πολλαπλασιά-
 σας ποιήτω τὸ ζη. (Αποδείξεις.) Ἐπεὶ πρῶτον ὁ
 $\bar{a}\gamma$ τὸν $\bar{a}\beta$ πολλαπλασιάσας, ἐποίησε τὸν ε:
 ὁ ἄρα $\bar{a}\beta$ μετρεῖ τὸν ε, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{a}\gamma$ μο-
 νάδας. πάλιν ἔπειτα ὁ $\bar{\gamma}\beta$, τὸν $\bar{a}\beta$ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποίησε τὸν ζη: ὁ ἄρα $\bar{a}\beta$ μετρεῖ τὸν
 ζη, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{\gamma}\beta$ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ
 τὸν ε, καὶ τὰς ἐν τῷ $\bar{a}\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα
 τὸν εη, μετρεῖ ὁ $\bar{a}\beta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μο-
 νάδας.

Εξ ἧτος.) Diuidatur enim numerus $\alpha\epsilon$, in
 duos alios numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$. (Διορισμός.) Di-
 co quod duo numeri plani qui sunt ex multi-
 plicatione $\alpha\epsilon$, & $\alpha\gamma$. deinde $\alpha\epsilon$, & $\epsilon\gamma$: hi in-
 quam compositi, æquales sint quadrato nu-
 mero, qui fit ex multiplicatione numeri $\alpha\beta$
 in seipsum. (Κατασκευή.) Numerus enim $\alpha\epsilon$
 seipsum multiplicando, producat numerum δ :
 numerus etiam $\alpha\gamma$, multiplicando numerum
 $\alpha\epsilon$, producat numerum $\epsilon\zeta$: rursus numerus $\gamma\epsilon$,
 multiplicando eundem numerum $\alpha\epsilon$: faciat
 numerum $\zeta\eta$. (Απόδειξις.) Cum itaq; $\alpha\gamma$ nu-
 merus multiplicando numerum $\alpha\epsilon$, produxe-
 rit numerum $\epsilon\zeta$. igitur numerus $\alpha\epsilon$ metitur
 numerum $\epsilon\zeta$ secundum vnitates quæ sunt in
 numero $\alpha\gamma$. Rursus quoniam $\gamma\epsilon$ numerus,
 multiplicauit $\alpha\epsilon$ numerum: & produxit nu-
 merum $\zeta\eta$: idcirco $\alpha\epsilon$ metietur numerum $\zeta\eta$
 secundum vnitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$.
 verum idem numerus $\alpha\epsilon$ metiebatur antea
 quoq; numerum $\epsilon\zeta$, iuxta vnitates quæ sunt
 in numero $\alpha\gamma$. Ergo numerus $\alpha\epsilon$, totum nu-
 merum $\epsilon\eta$ metietur iuxta vnitates quæ in ipso
 $\alpha\epsilon$ sunt.

κάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$ τὸν $\alpha\beta$ πολλαπλα-
 σιάσας, ἐποίησε τὸν ζη: ὁ ἄρα $\alpha\beta$ μετρῇ τὸν
 ζη, καὶ τὰς ἐν τῷ $\gamma\beta$ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ
 τὸν ἐζ καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα τ
 εἷ, μετρῇ ὁ $\alpha\beta$, καὶ τὰς ἐν αὐτῇ μονάδας.
 πάλιν ἐπεὶ ὁ $\alpha\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας,
 ἐποίησε τὸν δ: μετρῇ ἄρα καὶ τὸν δ, καὶ τὰς ἐν
 ἑαυτῇ μονάδας. ἐκάπερον ἄρα τῶν δ, εἰ: με-
 τρῇ ὁ $\alpha\beta$, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῇ μονάδας. ὅσο-
 πλάσιον ἄρα ἐστὶν ὁ δ, τῷ $\alpha\beta$: τοσούτω πλά-
 σιον ἐστὶ καὶ ὁ εἷ τοῦ $\alpha\beta$. οἱ δὲ τῷ αὐτῷ ἀριθ-
 μοῦ ἰσάκις πολλαπλάσιοι ἀριθμοὶ: ἴσοι ἀλ-
 λήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ δ, τῷ εἷ. καὶ ἐστὶν
 ὁ μὲν δ, ὁ ἀπὸ τῷ $\alpha\beta$ πετράγωνον, ὁ δὲ εἷ,
 σὺνθεθεὶς ἐκ δύο ὀπίπιδων ἀριθμῶν, τῶν ἐκ
 τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ὁ ἄρα ἀπὸ τῷ $\alpha\beta$ πε-
 τράγωνον: ἴσος ἐστὶ τῷ συγκείμενῳ, ἐκ δύο ὀ-
 πίπιδων, τῶν ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$.
 (Συμπέρασμα.) Εἰάν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο
 ἀριθμοὺς διαιρεθῇ: δύο ὀπίπιδοι ἀριθμοὶ, οἱ
 ἡμόμοιοι ἐκείνῳ τῷ ὅλῳ, καὶ ἐκατέρω τῶν μερῶν συ-
 ναμφοῦντο ἴσοι εἰσὶν τῷ ἀπὸ τοῦ ὅλου πετρα-
 γώνῳ. ὅπως εἰδὲ δεῖξαι.

πρότερον

$\alpha\epsilon$ sunt. Præterea quoniã $\alpha\epsilon$ numerus multiplicando seipsum, produxit numerum δ : idcirco numerus $\alpha\epsilon$, metietur seipsum iuxta unitates quas in seipso continet. Quare metietur utrunq, scilicet numerum δ , & numerum $\epsilon\eta$: per unitates quæ in ipso $\alpha\beta$ numero sunt. Quotuplex igitur numerus δ , est numeri $\alpha\epsilon$: totuplex etiam est numerus $\epsilon\eta$, numeri $\alpha\beta$. Numeri verò qui eiusdem sunt æqualiter multiplices, inter se æquales sunt. Quare numerus δ , est æqualis numero $\epsilon\eta$: & numerus δ , est quadratus factus ex $\alpha\beta$ numero. numerus verò $\epsilon\eta$ factus & compositus ex duobus numeris planis $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: & $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. Numerus itaq, quadratus ex $\alpha\beta$ numero: æqualis est numero plano, composito ex numeris $\alpha\epsilon$, $\beta\gamma$, $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. ($\Sigma\upsilon\mu\pi\acute{\epsilon}\rho\sigma\mu\alpha$.) Si igitur aliquis numerus diuisus fuerit in duos numeros alios: tum numeri plani qui fiunt ex multiplicatione totius, & utriusq, partis: hi ambo coniuncti, erunt æquales quadrato numero totius propositi numeri. quod demonstrandum erat.

Propo-

Πρότασις γ. θεώρημα.

ΕΑν ἀριθμὸς διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμοὺς· ὁ
ἐκ τῶν ὅλων, καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ᾧτίπε-
δω· ἴσος ἐστὶ πᾶς ἐκ τῶν μερῶν ᾧτίπέδω,
ὧς πᾶς ἀπὸ τοῦ ποιεσμένου μέγας τετρα-
γώνω.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ
ὁ αβ διηρησθῶ εἰς δύο ἀ-
ριθμοὺς τοὺς αγ, γβ. 6
(Διορισμὸς.) Λέγω ὅτι
ὁ ἐκ τῶν αβ, βγ, ᾧτίπε- 2
δω· ἴσος ἐστὶ τῶν ἐκ τῶν
αγ, γβ ᾧτίπέδω, ἔτι 4
ἀπὸ τῶν γβ τετραγώ- 12
νω. (Κατασκευή.) Οἱ γδ
αβ πολλαπλασιάτω τῶν
γβ, καὶ ποιήτω τὸν δ· ὁ
δὲ αγ, τὸν γβ πολλα-
πλασιάτω, καὶ ποιήτω
τὸν εἴ· ὁ δὲ γβ ἑαυτὸν
πολλαπλασιάσας ποιήτω τὸν ζη. (Από-
δείξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ αβ τὸν γβ πολλαπλα-
σιάσας, ἐποίησε τὸν δ· ὁ ἄρα γβ, μετρεῖ τὸν
δ, καὶ

Propositio III. Theorema.

SI numerus aliquis diuidatur in duos numeros: numerus planus qui fit ex multiplicatione totius & vnius partis: æqualis est numero plano, factò ex partibus, & numero quadrato, productò ex parte prædicta.

Εκθεσις.) Sit enim numerus $\alpha\beta$, qui diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. (Διορισμός.) Dico quòd numerus planus, qui fit ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: æqualis sit numero plano factò ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & quadrato ex $\gamma\beta$ numero productò. (Κατασκευή.) Numerus enim $\alpha\beta$, multiplicando numerum $\gamma\beta$, producat numerum δ . deinde $\alpha\gamma$ numerus, multiplicando numerum $\gamma\beta$: producat numerum $\epsilon\zeta$. deniq; $\gamma\beta$ numerus, multiplicando seipsum producat numerum $\zeta\eta$. (Απόδειξις.) Cum igitur numerus $\alpha\beta$, multiplicando numerum $\gamma\beta$, produxerit numerum δ : idcirco numerus $\gamma\beta$, metitur numerum δ , iuxta vnitates quæ sunt in numero $\alpha\beta$. Ad hæc quoniam numerus $\alpha\gamma$ multiplicauit numerum $\gamma\beta$: & produxit numerum $\epsilon\zeta$. ergo $\gamma\beta$ numerus, metitur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta vni-

δ , καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ
 $\alpha\gamma$, τὸν $\gamma\delta$ πηλαπλάσας, ἐποίησε τὸν $\epsilon\zeta$:
ὁ ἄρα $\gamma\delta$, μετρᾷ τὸν $\epsilon\zeta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μο-
νάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ $\gamma\beta$ ἑαυτὸν πολλαπλα-
σάσας, ἐποίησε τὸ $\zeta\eta$. μετρᾷ ἄρα ὁ $\gamma\beta$ τὸ $\zeta\eta$,
καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ
τὸν $\epsilon\zeta$ καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\gamma$ μονάδας. ὅλον ἄρα
τὸν $\epsilon\eta$, μετρᾷ ὁ $\gamma\beta$, καὶ τὰς ἐν τῷ $\alpha\beta$ μο-
νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν $\delta\iota$, καὶ τὰς ἐν τῷ
 $\alpha\beta$ μονάδας. ἰσάκεις ἄρα ὁ $\gamma\beta$, ἐκάπερον
τῶν δ , εἴ μετρᾷ. οἱ $\delta\iota$ ὑπὸ τοῦ αὐτοῦ ἰσά-
κεις μετρεῖσθαι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἴσος ἄρα
ἐστὶν ὁ δ , τῷ $\epsilon\eta$, καὶ ἐστὶν ὁ $\mu\delta$ ὁ δ , ὅσα τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$
ἐπίπεδον. ὁ δὲ $\epsilon\eta$, ὅς ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ᾤπιπε-
δον, ὥς τῷ $\alpha\pi$ τοῦ $\gamma\beta$ πετραγώνω. ὁ ἄ-
ρα ἐκ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ἐπίπεδον, ἴσος ἐστὶ τῷ τε
ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ᾤπιπέδῳ: καὶ τῷ $\lambda\sigma\tau$ τοῦ
 $\gamma\beta$ πετραγώνω. (Συμπέρασμα.) Ἐὰν ἄ-
ρα ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς τυχόντας διαυρε-
θῇ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ᾤπι-
πέδον: ἴσος ἐστὶ τῷ τε ἐκ τῶν μερῶν ᾤπιπέ-
δῳ, σὺν τῷ $\alpha\pi$ τοῦ πετραγωμένου μέρους
πετραγώνω. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότα-

tes quæ sunt in numero $\alpha\gamma$. Rursus quoniam
 $\gamma\epsilon$ numerus, multiplicauit seipsum: & pro-
 duxit numerum $\zeta\eta$. ergo numerus $\gamma\epsilon$, meti-
 tur numerum $\zeta\eta$, iuxta unitates quæ in seipso
 sunt. Verum antea idem numerus $\gamma\epsilon$, etiam
 metiebatur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta unitates quæ
 in ipso sunt $\alpha\gamma$ numero. Totus itaq; numerus
 $\gamma\epsilon$, metitur totum numerum $\epsilon\eta$, per unitates
 quæ sunt in numero $\alpha\epsilon$. sed & numerum δ ,
 metiebatur penes unitates, quæ sunt in nume-
 ro $\alpha\epsilon$. Quare numerus $\gamma\epsilon$ equaliter metitur
 vtrumq; numerum, nempe numerum δ , & nu-
 merum $\epsilon\eta$. Quos verò idem numerus equali-
 ter metitur: æquales inter se sunt. idcirco numerus
 A , est æqualis numero $\epsilon\eta$: sed numerus A , est planus,
 factus ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$: nume-
 rus verò $\epsilon\eta$, est numerus ex multiplicatione numero-
 rum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, procreatus: & quadrato numeri $\gamma\beta$.
 Quapropter numerus planus, factus ex multiplica-
 tione $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ numerorum: æqualis est numero plano
 ex $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ numeris producto: & quadrato numeri $\gamma\beta$.
 (Conclusio.) Si igitur numerus aliquis diuidatur in
 duos numeros: numerus planus, qui fit ex multipli-
 catione totius, & vnius partis: æqualis est numero
 plano, facto ex partibus, & numero quadrato produ-
 cto ex parte prædicta. quod demonstrandum erat.

Πρότασις δ. γεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμούς· ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων τετραγώνῳ ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν τετραγώνοις, καὶ τὰς δυνάμεις ἐκ τῶν μερῶν ἐπιπέδῳ.

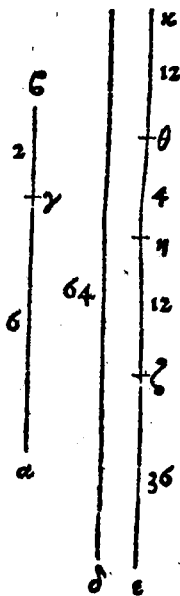
Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ $\alpha\beta$, διαιρεθῶ εἰς δύο ἀριθμούς $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$.

(Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, τετραγώνος ἴσος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ τετραγώνοις, καὶ τὰς δυνάμεις ἐκ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἐπιπέδῳ. (Κατασκευὴ.)

Εστω γὰρ ἀπὸ μὲν τῶν $\alpha\beta$ τετραγώνῳ ὁ δὲ ἀπὸ δὲ τοῦ $\alpha\gamma$, ὁ εἶς· ἀπὸ δὲ τῶν $\gamma\beta$, ὁ ἕθ· ἐκ δὲ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ ἐκάτερος τῶν ζῆ, θκ.

(Απόδειξις.) Επεὶ γινώσκω ὅτι $\alpha\gamma$, ἑαυτὸν πλάτυσας ἐποίησε τὸν

εἶς· ὁ ἄρα $\alpha\gamma$, μετρεῖ τὸν εἶς, καὶ τὰς ἐν ἑαυτῷ μονά-



Propositio IIII. Theorema.

SI numerus aliquis in duos numeros diuisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est quadratis partium: & numero plano, qui generatur, atq; fit ex multiplicatione partium bis facta.

Exθεσις.) Sit enim numerus $\alpha\epsilon$, qui diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$. (Διορισμός.) Dico quod quadratus numerus totius $\alpha\epsilon$ numeri: æqualis sit quadratis partium, seu numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: & numero plano facto ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ bis repetita. (Κατασκευή.) Fiat itaq; quadratus numerus ex multiplicatione totius numeri $\alpha\epsilon$ in seipsum, et sit numerus δ . deinde fiant etiã quadrati numeri ex multiplicatione $\alpha\gamma$ in seipsum numerus $\epsilon\zeta$: et ex multiplicatione $\gamma\epsilon$ in seipsum numerus $\eta\theta$. deniq; ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$ fiat uterq; numerus planus $\zeta\eta$, $\theta\kappa$. (Απόδειξις.) Cum itaq; numerus $\alpha\gamma$ multiplicando seipsum produxerit numerum $\epsilon\zeta$, idcirco $\alpha\gamma$ numerus, metitur numerum $\epsilon\zeta$ iuxta vnitates quæ sunt in seipso. cum etiam $\gamma\epsilon$ numerus, multiplicauerit nu-

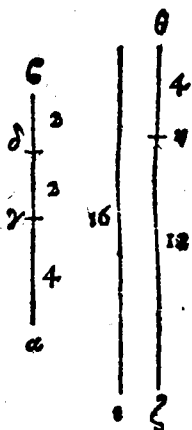
μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γβ, τὸν γα πολλα-
πλασιάσας ἐποίησε τὸν ζη: μετρεῖ ἄρα τὸν
ζη, ὁ αγ, κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἐμῶς δ'
δεχόμενος τὸν ἐζ, καὶ τὰς ἐν αὐτῷ. ὅλον ἄρα τὸν
εῖ, μετρεῖ ὁ αγ, καὶ τὰς ἐν τῷ αβ μονάδας.
ὁ ἄρα αβ πολλαπλασιάσας τὸν αγ, ἐποίη-
σε τὸν εῖ. ὁ εῖ ἄρα ὀπίπεδος ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν
βα, αγ. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι καὶ ὁ ηκ ὀπί-
πεδος ἐστὶν ὁ ἐκ τῶν αβ, βγ. Ἐῖς ἐστὶν λοιπὸν τῷ
αβ πετάγωνος ὁ δ. ἐὰν δὲ ἀριθμὸς διαιρε-
θῇ εἰς δύο ἀριθμοὺς, ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων πετάγων-
ος ἐστὶν ἴσος ἐστὶ δύοσι τοῖς ἐκ τῶν ὅλων, καὶ ἑκατέ-
ρα τῶν μερῶν ὀπιπέδοις. ἴσος ἄρα ὁ δ, τῷ εκ.
ἀλλὰ μὴν ὁ εκ, συγκείμενος ἐστὶν ἐκ τῶν
λοιπῶν τῶν αγ, γβ πεταγώνων: καὶ τοῦ δις
ἐκ τῶν αγ, γβ ὀπιπέδου. ὁ δὲ δ, ἐπ' ἀρχῇ
ὁ λοιπὸν τοῦ αβ πετάγωνος. ὁ ἄρα λοιπὸν τοῦ
αβ πετάγωνος: ἴσος ἐστὶ τοῖς λοιπῶν τῶν αγ,
γβ πεταγώνοις, καὶ τῷ δις ἐκ τῶν αγ, γβ
ὀπιπέδῳ. (Συμπέρασμα.) Εἰ δὲ ἄρα ἀριθ-
μὸς, διαιρεθῇ εἰς δύο ἀριθμοὺς: ὁ ἀπὸ τῶν ὅλων
πετάγωνος ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν μερῶν πετα-
γώνοις: καὶ τῷ δις ἐκ τῶν μερῶν ὀπιπέδῳ. ὅπως
εἶδε δειξάμεθα.

numerum $\gamma\alpha$, & produxerit numerum $\zeta\eta$.
 Ergo $\alpha\gamma$ numerus, metitur numerum $\epsilon\eta$ pe-
 nes unitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$. verum
 antea metiebatur etiam numerum $\epsilon\zeta$, per u-
 nitates quæ sunt in numero $\alpha\zeta$, & propterea
 numerus $\alpha\zeta$, multiplicans numerum $\alpha\gamma$, pro-
 duxit numerum $\epsilon\eta$, eamq; ob causam nume-
 rus $\epsilon\eta$ est numerus planus factus ex multiplicatione
 numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$. Simili modo demonstrabimus,
 quod numerus $\epsilon\eta$ sit planus factus ex multiplicatio-
 ne numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$. Præterea numerus δ , est qua-
 dratus numeri $\alpha\beta$. quod si verò numerus aliquis di-
 uisus fuerit in duos numeros: quadratus totius nume-
 ri æqualis est duobus numeris planis, qui ex multi-
 plicatione totius & utrarumq; partium fiunt. quare
 numerus δ quadratus, æqualis est numero $\epsilon\eta$ plano.
 Verum numerus $\epsilon\eta$, compositus est ex quadratis nu-
 merorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & numero plano, qui ex multiplica-
 tione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ bis facta producitur: nume-
 rus verò δ quadratus totius numeri $\alpha\beta$. Quare nu-
 merus quadratus factus ex multiplicatione numeri
 $\alpha\beta$ in seipsum: æqualis est quadratis numeris, nume-
 rorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ partium: & numero plano ex multipli-
 catione numerorū $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ bis facta, producto. (Con-
 clusio) Si igitur numerus aliquis in duos numeros di-
 uisus fuerit: quadratus numerus totius, æqualis est
 quadratis partium: & numero plano ex multiplica-
 tione partiū bis facta producto. quod demonstrandum
 erat.

Πρότασις ε. θεώρημα.

Εάν ἄρπ $\odot$ ἀριθμὸς δίχα διαιρεθῇ: διαι-
ρεθῇ δὲ καὶ εἰς αἰσας ἀριθμῶν: ὅσοι τῶν
αἰσῶν μερῶν ἐπίπεδ $\odot$, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ
μεταξὺ περᾶγων: ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῶν ἡμί-
σεος περᾶγων.

Εκθεσις.) Εἰσω γὰρ ἄρμος
ἀριθμὸς ὁ $\alpha\beta$: ἔδιηρηθω
δίχα καὶ εἰς δύο $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$:
αἰσαχθῇ ἡ εἰς δύο $\alpha\delta$, $\delta\beta$.
(Διορισμὸς.) Λέγω ὅτι ὁ
ἀπὸ τῶν $\gamma\beta$ περᾶγων $\odot$:
ἴσος ἐστὶ τῷ ὅσοι τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$
ἐπίπεδῳ, μὲν τοῦ ἀπὸ τῶν
γὰρ περᾶγων. (Κατα-
σκευὴ.) Εἰσω γὰρ ἀπὸ μὲν
τῶν $\gamma\beta$ περᾶγων $\odot$ ὁ ϵ :
ὅσοι δὲ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ ἐπίπε-
δ $\odot$ ὁ ζ . ἀπὸ δὲ τῶν $\delta\gamma$ περᾶγων $\odot$ ὁ η .
(Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ $\beta\gamma$ ἀριθμὸς διήρη-
ται εἰς δύο ἀριθμῶν δύο $\beta\delta$, $\delta\gamma$. εἰς ἄρα
ὁ ἀπὸ τῶν $\beta\gamma$ περᾶγων $\odot$, τῶν ϵ εἰς ὅσοι
τοῖς ἀπὸ τῶν $\beta\delta$, $\delta\gamma$ περᾶγωνοις, μετὰ τοῦ
δύο



Propositio V. Theorema.

SI numerus aliquis par, diuisus fuerit in duas partes æquales: deinde idem numerus rursus diuidatur in partes inæquales: numerus planus qui fit ex multiplicatione partiũ inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidiũ numeri.

Ex γεομετρικῷ.) Sit enim $\alpha\beta$ numerus par, diuisus in duos æquales numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & in duos numeros inæquales $\alpha\delta$, $\delta\beta$. (*Διμερισμὸς.*) Dico quod quadratus numerus, qui fit ex multiplicatione dimidiũ numeri $\gamma\beta$ in seipsum: æqualis sit numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ inæqualium: & quadrato numeri $\gamma\delta$ interpositi. (*Καταστροφὴ.*)

Fiat quadratus numerus ex multiplicatione numeri $\gamma\beta$ dimidiũ in seipsum, & sit numerus ϵ . Planus verò ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum inæqualium, numerus ζ : denique numeri $\delta\gamma$ intercepti, fiat quadratus numerus $\eta\theta$. (*Ἀποδόλεξις.*) Quoniam numerus $\beta\gamma$ diuisus est in $\beta\delta$, $\delta\gamma$ numeros. idcirco quadratus numeri $\beta\gamma$: hoc est numerus ϵ , æqualis est quadratis numerorum $\beta\delta$, $\delta\gamma$: & numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $\beta\delta$, $\delta\gamma$ bis facta. (*Κατασκευὴ καὶ ἀποδόλεξις.*)

θλις ἐκ τῶν βδ, δγ. (Καλασκούη τ' ἀποδεί-
 ξεως.) Εἶσω ἔν ἀπὸ μὲν τῷ βδ πετράγωνος
 ὁ κλ: ἀπὸ δὲ τοῦ δγ ὁ νξ. ἐκ δὲ τῶν βδ, δγ
 ἐκάπερ τῶν λμ, μν. ὅλ' ἄρα ὁ κξ ἴσος
 ἔστι τῷ ε. Καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἐαυτὸν πηλαπλάσι-
 σαις ἐποίησε τὸν κλ: μετρεῖ ἄρα αὐτὸν, κατὰ
 τὰς ἐν ἐαυτῷ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ,
 τὸν δβ πηλαπλάσισας τὸν λμ ἐποίησε. ὁ ἄ-
 ρα δβ μετρεῖ τὸν λμ, καὶ τὰς ἐν τῷ γδ μο-
 νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν κλ, κατὰ τὰς ἐν ἐ-
 αυτῷ μονάδας: ὅλον ἄρα τ' κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἴσος δὲ ὁ γβ τῷ
 γα. ὁ ἄρα δβ, μετρεῖ τὸν κμ κατὰ τὰς ἐν τῷ
 γα μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ πηλαπλά-
 σισας, τὸν δβ ἐποίησε τὸν μν. ὁ ἄρα δβ, με-
 τρεῖ τὸν μν, καὶ τὰς ἐν τῷ δγ μονάδας, ἐμέ-
 τρει δὲ καὶ τὸν κμ, κατὰ τὰς ἐν τῷ αγ μονά-
 δας. ὅλον ἄρα τὸν κν μετρεῖ ὁ βδ, καὶ τὰς ἐν
 τῷ αδ μονάδας. ὑπόκειται γδ. ἴσος ἄρα ἐστὶν
 ὁ ζη τῷ κν. οἱ γδ τῷ αὐτῷ ἰσάκεις πηλαπλά-
 σιοι, ἵπτι ἀλλήλοις εἶσιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ ηθ τῷ νξ
 ἴσος. ἐκάπερος γδ ὑπόκειται ἀπὸ τῷ γδ πε-
 τράγωνος. ὅλ' ἄρα ὁ κξ, ὅλω τῷ ζθ ἴσος
 ἐστὶν

Sit igitur quadratus numeri $\beta\alpha$ numerus $\kappa\lambda$: nomen
 ri vero $\alpha\gamma$ sit quadratus numerus $\nu\zeta$: denique ex multis
 plicatione numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: fiat uterque numerus
 $\lambda\mu$, & $\mu\nu$. Itaque totus numerus $\kappa\zeta$, equalis est numero
 o. Quoniam nunc numerus $\beta\alpha$ multiplicando seipso
 sum, produxit numerum $\kappa\lambda$: idcirco metitur eum per
 unitates, quae sunt in seipso. praeterea cum numerus
 $\gamma\alpha$, multiplicans numerum $\alpha\beta$, produxerit nume-
 rum $\lambda\mu$; eam ob causam $\alpha\beta$ numerus metitur etiam
 numerum $\lambda\mu$, penes unitates quae sunt in numero $\gamma\alpha$.
 Verum antea metiebatur quoque numerum $\kappa\lambda$ per unita-
 tes quae in seipso sunt. Quare numerus $\alpha\beta$, metitur
 totum numerum $\kappa\mu$ iuxta unitates, quae sunt in
 numero $\gamma\beta$. Sed numerus $\gamma\beta$ equalis est numero $\gamma\alpha$.
 Numerus igitur $\alpha\beta$, numerum $\kappa\mu$ metitur per unita-
 tes, quae sunt in numero $\gamma\alpha$. Rursus quoniam nume-
 rus $\gamma\alpha$, multiplicando numerum $\alpha\beta$, produxit nume-
 rum $\mu\nu$: idcirco $\alpha\beta$ numerus, metitur numerum $\mu\nu$,
 per unitates quae sunt in numero $\gamma\alpha$. Verum antea
 metiebatur numerum $\kappa\mu$, iuxta unitates, quae sunt
 in numero $\alpha\gamma$. Numerus igitur $\beta\alpha$ metitur totum
 numerum $\kappa\nu$, per unitates quae sunt in numero $\alpha\delta$.
 illud enim est propositum. Quare numerus $\gamma\eta$, es-
 qualis est numero $\kappa\nu$. nam numeri qui eiusdem sunt
 aequaliter multiplices aequales inter se sunt:
 sed numerus $\eta\theta$, est equalis numero $\nu\zeta$. nam
 uterque proponitur esse quadratus numeri $\gamma\delta$.
 totus itaque $\kappa\zeta$, toto $\zeta\theta$ equalis est. Verum
 nume-

ἔστιν. ἐστὶ δὲ καὶ τὰ ἐξ ἴσους. καὶ ὁ ζβ ἄρα τὰ
 ἴσους ἔστι. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ζβ, ὁ ἐκ τῶν αδ, δβ
 ἰπίπεδος: μὲν τῷ ἀπὸ εἰς δγ πετραγώνω. ὁ δὲ
 ε, ὁ ἀπὸ τοῦ γβ πετραγώνος. ὁ ἄρα ἐκ τῶν αδ,
 δβ ἰπίπεδος, μὲν τῷ ἀπὸ τοῦ δγ πετραγώ-
 νω, ἴσους ἔστι τὰ ἀπὸ τοῦ γβ πετραγώνω,
 (Συμπέρασμα.) Εἰς ἄρα ἀριθμὸς, διαιρεθῇ
 δίχα: διαιρεθῇ δὲ εἰς ἀνίσους ἀριθ-
 μούς: ὁ ἐκ τῶν ἀνίσων μερῶν ἰπίπεδος: με-
 τὰ τῷ ἀπὸ τοῦ μεταξὺ πετραγώνω: ἴσους ἔστι
 τὰ ἀπὸ τῶν ἡμισέων πετραγώνω. ὅπως εἶδε
 δεῖξαι.

Πρότασις 5. θεώρημα.

Εἰς ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα: πε-
 σεθῇ δὲ τις αὐτῶν: ὁ ἐκ τοῦ ὅλῃ, ζῶν τῶν
 προσκειμένων: καὶ εἰς προσκειμένω ἰπίπεδος,
 μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ ἡμισέων πετραγώνω: ἴσους
 ἔστι τὰ ἀπὸ τῶν συγκαίμενων, ἐκ τοῦ ἡμισέ-
 ος, καὶ τοῦ προσκειμένου πετραγώνω.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γδ ἀριθμὸς ὁ αβ, διηρή-
 θῃ

numero ϵ , æqualis est numerus $\alpha\zeta$. Ergo & $\zeta\theta$ numerus æqualis est numero ϵ , & numerus $\zeta\theta$ est numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus: cum quadrato numeri $\delta\gamma$. numerus verò ϵ quadratus numeri $\gamma\epsilon$. (Συμπέροσµα.) Quare planus numerus factus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ inæqualium cum quadrato numeri $\delta\gamma$ intercepti: æqualis est quadrato numeri $\gamma\beta$ dimidij. Si itaq; numerus par diuisus fuerit in partes duas æquales: & idem rursus in partes diuidatur inæquales: numerus planus, qui fit ex multiplicatione partium inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidij numeri. Quod erat demonstrandum.

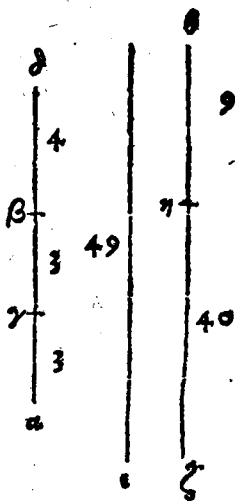
Propositio VI. Theorema.

SI numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, & adijciatur ei aliquis alius numerus: tum planus numerus, qui fit ex multiplicatione numeri totius cum adiecto, & numeri adiecti, vnâ cum quadrato dimidij numeri: æqualis est quadrato, numeri ex dimidio & numero adiecto compositi.

Εκθεσις.) Par enim numerus $\alpha\beta$, diuidatur in

ὦν δὲ ἰσχυρὸς τῷ ἄγ,
 γβ δὲ ἰσχυρὸς καὶ περ-
 σκείσθω αὐτῷ ἐπὶ τὸς
 πρὸς ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διο-
 ρισμὸς.) Λέγω ὅτι ὁ
 ἐκ τῶν αδ, δβ δὲ ἰσ-
 χυρὸς, μὲν τοῦ ἀπὸ
 τοῦ γβ πτεράγωνου:
 ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ
 γδ πτεράγωνου. (Κά-
 τὰ τὴν ἀντιθέσιν.) Ἐστὼ γὰρ ἡ
 ἀπὸ βδ μὲν τῷ γδ πτερά-
 γωνου ὁ εἰς, ἐκ δὲ τῶν
 αδ, δβ δὲ ἰσχυρὸς ὁ

ζη: ἀπὸ δὲ τοῦ γβ πτεράγωνου ὁ ηθ. (Από-
 δεῖξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῷ γδ, ἴσος ἐστὶ τῷ
 ἀπὸ τῶν δβ, βγ: μετὰ τῷ δβ ἐκ τῶν δβ,
 βγ. ἔστω ἀπὸ μὲν τῷ βδ ὁ κλ: ἐκ δὲ τῶν δβ,
 βγ, ἐκάστου τῶν λμ, μν: ἀπὸ δὲ τῷ βγ ὁ
 νξ. ὅλον ἄρα ὁ κξ, ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ γδ
 πτεράγωνου. καὶ ἐστὶν ἀπὸ τῷ γδ πτεράγωνου
 ὁ εἰς. ὁ ἄρα κξ: ἴσος ἐστὶ τῷ εἰς. καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἑαυ-
 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν κλ πεποίηκε.
 ὁ ἄρα βδ, μετρεῖ τὸν κλ, καὶ ἂν τὰς ἐν ἑαυτῷ



tar in duos numeros aequales $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: eiq̃ ad-
ijciatur alius numerus $\beta\delta$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\omicron\mu\omicron\varsigma$.) Di-
co quòd numerus planus, ex multiplicatione
numeratorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus, cum quadrato nu-
meri $\gamma\beta$: aequalis sit quadrato numeri $\gamma\delta$.
(Κατασκευή.) Sit enim quadratus numerus
numeri $\gamma\delta$, numerus ϵ : planus vero ex nu-
merorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ multiplicatione factus, nu-
merus $\zeta\eta$: deniq̃ quadratus numeri $\gamma\epsilon$, nu-
merus $\eta\theta$. (Απόδειξις.) Quoniam quadratus
numeri $\gamma\delta$, aequalis est quadrato numerorum
 $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, cum plano numero, qui sit ex multi-
plicatione numerorum $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis facta. sic
quadratus numeri $\epsilon\delta$, numerus $\kappa\lambda$: plani ve-
rò ex multiplicatione numerorum $\delta\beta$, $\epsilon\gamma$ bis
facta, vterq̃ numerorum $\lambda\mu$, $\mu\nu$. quadratus
deniq̃ numeri $\beta\gamma$ numerus $\nu\zeta$. Totus igitur
 $\kappa\zeta$, aequalis erit quadrato numeri $\gamma\delta$, sed
quadratus numeri $\gamma\delta$ est numerus ϵ . Ergo
numerus $\kappa\zeta$, aequalis est numero ϵ . Et cū nu-
merus $\beta\delta$ multiplicando seipsum, produxe-
rit numerum $\kappa\lambda$, ergo numerus $\beta\delta$ metitur
numerum $\kappa\lambda$, iuxta unitates, quæ in seipso
sunt.

Πρότασις ε. Γεώρημα.

Εάν ἄρτι⓪ δριθμός δίχα διαγρεθῇ: δια-
γρεθῇ δὲ καὶ εἰς αἰίσας δριθμύς: ὁ ἐκ τῶν
αἰίσων μερῶν ὀπίπεδ⓪, μετὰ τῷ ἀπὸ τοῦ
μεταξὺ πετραγώνι: ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ ἡμί-
στος πετραγώνω.

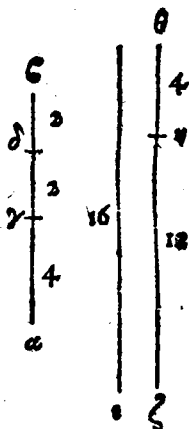
Εκθεσις.) Εἰς γδ ἄρτιος
δριθμός ὁ αβ: Ἐδιηρέσθω
δίχα μὲν εἰς στν αγ, γβ:
αἰίσαι χῆ ᾗ εἰς στν αδ, δβ.

(Διορισμός.) Λέγω ἅτι ὁ
ἀπὸ τῷ γβ πετράγων⓪:
ἴσος ἐστὶ τῷ ἐκ τῶν αδ, δβ
ὀπιπέδῳ, μὲν τοῦ ἀπὸ τῷ
γδ πετραγώνι.

(Κατα-
σκή.) Εἰς γδ ἀπὸ μὲν
τῷ γβ πετράγων⓪ ὁ ε:
ἐκ δὲ τῶν αδ, δβ ὀπίπε-

δ⓪ ὁ ζῆ. ἀπὸ δὲ τῷ δγ πετράγων⓪ ὁ ηθ.

(Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ βγ ἀριθμός διήρη-
ται εἰς δύο ἀριθμούς στν βδ, δγ. εἰςιν ἄρα
ὁ ἀπὸ τῷ βγ πετράγων⓪, τῷτ' εἰςιν ὁ εἰσος
τοῖς ἀπὸ τῶν βδ, δγ πετραγώνοις, μετὰ τοῦ



Propositio V. Theorema.

SI numerus aliquis par, diuisus fuerit in duas partes æquales: deinde idem numerus rursus diuidatur in partes inæquales: numerus planus qui fit ex multiplicatione partiū inæqualium, cum quadrato numeri interpositi: æqualis est quadrato dimidiij numeri.

Ex γεσις.) Sit enim $\alpha\beta$ numerus par, diuisus in duos æquales numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: & in duos numeros inæquales $\alpha\delta$, $\delta\beta$. (*Διωρισμὸς.*) Dico quod quadratus numerus, qui fit ex multiplicatione dimidiij numeri $\gamma\beta$ in seipsum: æqualis sit numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ inæqualium: & quadrato numeri $\gamma\delta$ interpositi. (*Κατασχεύω.*)

Fiat quadratus numerus ex multiplicatione numeri $\gamma\beta$ dimidiij in seipsum, & sit numerus ϵ . Planus vero ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum inæqualium, numerus $\zeta\eta$: denique numeri $\delta\gamma$ intercepti, fiat quadratus numerus $\theta\delta$. (*Ἀποδείξις.*) Quoniam numerus $\beta\gamma$ diuisus est in $\beta\delta$, $\delta\gamma$ numeros. idcirco quadratus numeri $\beta\gamma$: hoc est numerus ϵ , æqualis est quadratis numerorum $\beta\delta$, $\delta\gamma$: & numero plano, qui fit ex multiplicatione numerorum $\beta\delta$, $\delta\gamma$ bis facta. (*Κατασκευὴ καὶ ἀποδείξις.*)

θίς ἐκ τῶν βδ, δγ. (Καλασκὴ τ' ἀποδεί-
 ξει.) Εἰς ἃν ἀπὸ μὴ τῆ βδ πετράγωνος
 ὁ κλ: ἀπὸ δὲ τοῦ δγ ὁ νξ. ἐκ δὲ τῶν βδ, δγ
 ἑκάπερ ⊙ τῶν λμ, μν. ὅλ ⊙ ἄρα ὁ κξ ἴσος
 ἐστὶ τῷ ε. Καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἑαυτὸν πολλαπλασιά-
 σαι ἐποίησε τὸν κλ: μετρεῖ ἄρα αὐτὸν, κατὰ
 τὰς ἐν ἑαυτῷ μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ,
 τὸν δβ πολλαπλασιάσας τὸν λμ ἐποίησε. ὁ ἄ-
 ρα δβ μετρεῖ τὸν λμ, καὶ τὰς ἐν τῷ γδ μο-
 νάδας. ἐμέτρει δὲ καὶ τὸν κλ, κατὰ τὰς ἐν ἑ-
 αυτῷ μονάδας: ὅλον ἄρα τ' κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 κατὰ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας. ἴσος δὲ ὁ γβ τῷ
 γα. ὁ ἄρα δβ, μετρεῖ τὸν κμ κατὰ τὰς ἐν τῷ
 γα μονάδας. πάλιν ἐπεὶ ὁ γδ πολλαπλα-
 σάσας, τὸν δβ ἐποίησε τὸν μν. ὁ ἄρα δβ, με-
 τρεῖ τὸν μν, καὶ τὰς ἐν τῷ δγ μονάδας, ἐμέ-
 τρει δὲ καὶ τὸν κμ, κατὰ τὰς ἐν τῷ αγ μονά-
 δας. ὅλον ἄρα τὸν κν μετρεῖ ὁ βδ, καὶ τὰς ἐν
 τῷ αδ μονάδας. ὑποκρίται γδ. ἴσος ἄρα ἐστὶν
 ὁ ζη τῷ κν. οἱ γδ τῆ αὐτῆς ἰσάκεις πολλαπλα-
 σιοι, ἴσοι ἀλλήλοις εἰσιν. ἐστὶ δὲ καὶ ὁ ηθ τῷ νξ
 ἴσος. ἑκάπερος γδ ὑποκρίται ἀπὸ τῆ γδ πε-
 τράγων ⊙. ὅλ ⊙ ἄρα ὁ κξ, ὅλω τῷ ζθ ἴσος
 ἐστὶν

Sit igitur quadratus numeri $\beta\alpha$, numerus $\kappa\alpha$: numeri vero $\alpha\gamma$, sit quadratus numerus $\nu\zeta$: denique ex multiplicatione numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: fiat uterque numerus $\lambda\mu$, & $\mu\nu$. Itaque totus numerus $\kappa\zeta$, equalis est numero 1. Quoniam nunc numerus $\beta\alpha$ multiplicando seipsum, produxit numerum $\kappa\alpha$: idcirco metitur eum per unitates, quae sunt in seipso. praeterea cum numerus $\gamma\alpha$, multiplicans numerum $\alpha\beta$, produxerit numerum $\lambda\mu$; eam ob causam $\alpha\beta$ numerus metitur etiam numerum $\lambda\mu$, penes unitates quae sunt in numero $\gamma\alpha$. Verum antea metiebatur quoque numerum $\kappa\alpha$ per unitates quae in seipso sunt. Quare numerus $\alpha\beta$, metitur totum numerum $\lambda\mu$ iuxta unitates, quae sunt in numero $\gamma\beta$. Sed numerus $\gamma\beta$ aequalis est numero $\gamma\alpha$. Numerus igitur $\alpha\beta$, numerum $\lambda\mu$ metitur per unitates, quae sunt in numero $\gamma\alpha$. Rursus quoniam numerus $\gamma\alpha$, multiplicando numerum $\alpha\beta$, produxit numerum $\mu\nu$: idcirco $\alpha\beta$ numerus, metitur numerum $\mu\nu$, per unitates quae sunt in numero $\gamma\alpha$. Verum antea metiebatur numerum $\lambda\mu$, iuxta unitates, quae sunt in numero $\alpha\gamma$. Numerus igitur $\beta\alpha$ metitur totum numerum $\kappa\nu$, per unitates quae sunt in numero $\alpha\delta$. illud enim est propositum. Quare numerus $\gamma\eta$, equalis est numero $\kappa\nu$. nam numeri qui eiusdem sunt aequaliter multiplices aequales inter se sunt: sed numerus $\eta\theta$, est equalis numero $\nu\zeta$. nam uterque proponitur esse quadratus numeri $\gamma\delta$. totus itaque $\kappa\zeta$, toto $\zeta\theta$ equalis est. Verum

nume-

ἔστιν. ἐστὶ δὲ καὶ τὰς ἑοικένους. καὶ ὁ ζῷ ἄρα τὰς
 ἑοικένους. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ζῷ, ὁ ἐκ τῶν αἰδ, δβ
 ἐπίπεδος: μὲν τὴν ἀπὸ ζῷ τετραγώνου. ὁ δὲ
 ε, ὁ ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνου. ὁ ἄρα ἐκ τῶν αἰδ,
 δβ ἐπίπεδος, μὲν τὴν ἀπὸ τοῦ δγ τετραγώ-
 νου, ἑοικένους τὴν ἀπὸ τοῦ γβ τετραγώνου.
 (Συμπέρασμα.) Εὖν ἄρα ἀριθμὸς, διαιρεθῇ
 δίχα: διαιρεθῇ δὲ εἰς ἀνίσχυς ἀριθ-
 μὸς: ὁ ἐκ τῶν ἀνίσχων μερῶν ἐπίπεδος: με-
 τὰ τὴν ἀπὸ τοῦ μετὰ ζῷ τετραγώνου: ἑοικένους
 τὴν ἀπὸ τῶν ἡμίσεος τετραγώνου. ὅπως εἶδεν
 δεῖξαι.

Πρότασις 5. Γνώρημα.

Εὖν ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα: προ-
 σκεθῇ δὲ πρὸς αὐτὴν: ὁ ἐκ τοῦ ὅλγου, ζῷ τὴν
 προσκειμένῳ: καὶ ζῷ προσκειμένῳ ἐπίπεδος,
 μετὰ τὴν ἀπὸ τοῦ ἡμίσεος τετραγώνου: ἑοικένους
 ἐστὶ τὴν ἀπὸ τῶν συγκειμένων, ἐκ τῆς τοῦ ἡμίσε-
 ος, καὶ τοῦ προσκειμένου τετραγώνου.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ἀριθμὸς ὁ αβ, διηρη-
 θῶ

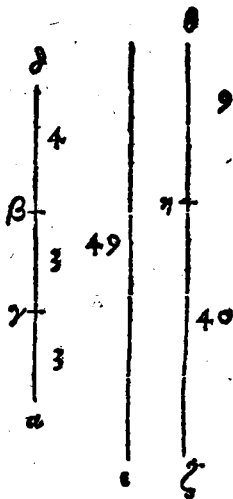
numero ϵ , æqualis est numerus $\alpha\zeta$. Ergo Θ
 $\zeta\theta$ numerus æqualis est numero ϵ , & nume-
 rus $\zeta\theta$ est numerus planus, ex multiplicatio-
 ne numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus: cum quadrato
 numeri $\delta\gamma$. numerus verò ϵ quadratus nume-
 ri $\gamma\epsilon$. (Συμπλόγημα.) Quare planus nu-
 merus factus ex multiplicatione numerorum
 $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ inæqualium cum quadrato numeri $\delta\gamma$
 intercepti: æqualis est quadrato numeri $\gamma\beta$
 dimidij. Si itaq; numerus par diuisus fuerit
 in partes duas æquales: & idem rursus in par-
 tes diuidatur inæquales: numerus planus, qui
 fit ex multiplicatione partium inæqualium,
 cum quadrato numeri interpositi: æqualis est
 quadrato dimidij numeri. Quod erat demon-
 strandum.

Propositio VI. Theorema.

SI numerus par, diuisus fuerit in duos nu-
 meros æquales, & adijciatur ei aliquis ali-
 us numerus: tum planus numerus, qui fit ex
 multiplicatione numeri totius cum adiecto,
 & numeri adiecti, vnâ cum quadrato dimi-
 dij numeri: æqualis est quadrato, numeri ex
 dimidio & numero adiecto compositi.

Εὐθεijs.) Par enim numerus $\alpha\beta$, diuida-
 tur in

ὡς δὲ ἰσχυρὸς ἔστιν ἄγ,
 γὰρ ἀριθμὸς καὶ περ-
 σκέειν αὐτῷ ἐπὶ ὅς
 περ ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διο-
 ρισμός.) Λέγω ὅτι ὁ
 ἐκ τῶν αδ, δβ ὁπί-
 πεδ⊕, καὶ τοῦ ἀπὸ
 τοῦ γβ πτεργώνου:
 ἴσους ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ
 γδ πτεργώνω. (Κά-
 σισκαλή.) Ἐστὼ γὰρ ἄ-
 πὸ ἡμῶν τῷ γδ πτερά-
 γων⊕ ὁ ε, ἐκ δὲ τῶν
 αδ, δβ ὁπίπεδ⊕ ὁ



ζη: ὁπὸ δὲ τοῦ γβ πτεργώνω⊕ ὁ ηθ. (Από-
 δεξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῷ γδ, ἴσ⊕ ἐστὶ ρίς
 ἀπὸ τῶν δβ, βγ: μετὰ τῷ δβ ἐκ τῶν δβ,
 βγ. ἔστω ἀπὸ ἡμῶν τῷ βδ ὁ κλ: ἐκ δὲ τῶν δβ,
 βγ, ἐκάπερ⊕ τῶν λμ, μν: ἀπὸ δὲ τῷ βγ ὁ
 νξ. ὅλ⊕ ἄρα ὁ κξ, ἴσους ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῷ γδ
 πτεργώνω. καὶ ἐστὶν ἀπὸ τῷ γδ πτεργώνω⊕
 ὁ ε. ὁ ἄρα κξ: ἴσους ἐστὶ τῷ ε. καὶ ἐπεὶ ὁ βδ ἑαυ-
 τὸν πολλαπλασιάσας τὸν κλ πεποίηκε.
 ὁ ἄρα βδ, μετρεῖ τὸν κλ, καὶ ἂν τὰς ἐν ἑαυτῷ

tur in duos numeros aequales $\alpha\gamma$, $\gamma\epsilon$: eiq̄ ad-
ijciatur alius numerus $\beta\delta$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\omicron\mu\omicron\varsigma$.) Di-
co quòd numerus planus, ex multiplicatione
numeratorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ factus, cum quadrato nu-
meri $\gamma\beta$: aequalis sit quadrato numeri $\gamma\delta$.
(Κατασκευή.) Sit enim quadratus numerus
numeri $\gamma\delta$, numerus ϵ : planus vero ex nu-
merorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ multiplicatione factus, nu-
merus $\zeta\eta$: deniq̄ quadratus numeri $\gamma\epsilon$, nu-
merus $\eta\theta$. (Απόδειξις.) Quoniam quadratus
numeri $\gamma\delta$, aequalis est quadrato numerorum
 $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$, cum plano numero, qui sit ex multi-
plicatione numerorum $\delta\epsilon$, $\epsilon\gamma$ bis facta. sit
quadratus numeri $\epsilon\delta$, numerus $\kappa\lambda$: plani ve-
rò ex multiplicatione numerorum $\delta\beta$, $\epsilon\gamma$ bis
facta, uterq̄ numerorum $\lambda\mu$, $\mu\nu$. quadratus
deniq̄ numeri $\beta\gamma$ numerus $\nu\zeta$. Totus igitur
 $\kappa\zeta$, aequalis erit quadrato numeri $\gamma\delta$, sed
quadratus numeri $\gamma\delta$ est numerus ϵ . Ergo
numerus $\kappa\zeta$, aequalis est numero ϵ . Et cū nu-
merus $\beta\delta$ multiplicando seipsum, produxe-
rit numerum $\kappa\lambda$, ergo numerus $\beta\delta$ metitur
numerum $\kappa\lambda$, iuxta unitates, quæ in seipso
sunt.

μονάδας. μετρεῖ δὲ καὶ τὸν λμ, καὶ τὰς ἐν τῷ
 γβ μονάδας. ὅλον ἄρα τὸν κμ μετρεῖ ὁ δβ,
 καὶ τὰς ἐν τῷ γδ μονάδας. καὶ ἐπεὶ ὁ δβ με-
 τρεῖ Ἐ τὸν μν, καὶ τὰς ἐν τῷ γβ μονάδας.
 ἴσθι δὲ ὁ γβ, τῷ γα, ὑπόκειται γδ. ὅλον ἄ-
 ρα τὸν κν, μετρεῖ ὁ δβ, καὶ τὰς ἐν τῷ αδ μο-
 νάδας. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸν ζη μετρεῖ ὁ δβ, κα-
 τὰ τὰς ἐν τῷ αδ μονάδας, ὑπόκειται γὰρ
 ὁ ζη ἐκ τῶν αδ, δβ. ἴσθι ἄρα ὁ ζη, τῷ κν.
 ἐστὶ δὲ καὶ ὁ θῆ τῷ νζ ἴσος. ἐκάπερ γὰρ ἐστὶν
 ὁ ἀπὸ τῆ γβ πετράγωνος. ὅλος ἄρα ὁ ζθ:
 τῷ κζ ἐστὶν ἴσθι. ὁ δὲ κζ ἀπεδείχθη τῷ εἰ-
 σθι: καὶ ὁ ζθ ἄρα τῷ εἰσος ἐστὶ. καὶ ἐστὶν ὁ μδμ'
 ζθ: ὁ ἐκ τῶν αδ, δβ, καὶ τῆ ἀπὸ τοῦ γβ πε-
 τραγώνου. ὁ δὲ ε, ὁ ἀπὸ τῆ γδ, ὁ ἄρα ἐκ τῶν
 αδ, δβ, μετὰ τῆ ἀπὸ τοῦ γβ: ἴσθι ἐστὶ τῷ α-
 πὸ τοῦ γδ πετραγώνω. (Συμπέρασμα.)
 Εὖν ἄρα ἀριθμὸς διαιρεθῇ δίχα:
 προσπεθῇ δὲ τις αὐτῷ: ὁ ἐκ τοῦ ὅλου ζυὶ τῷ
 προσκειμένῳ, καὶ τῆ προσκειμένῳ ὀπίπεδος,
 καὶ τῆ ἀπὸ τῆ ἡμίσεος πετραγώνου: ἴσθι ἐστὶ
 τῷ ἀπὸ τῆ συγκεκλιμένῳ, ἐκλε τῆ ἡμίσεος, καὶ
 τῆ προσκειμένῳ πετραγώνω. ὅπως εἰδὲ δείξαι.

Πρότε-

sunt. Verum metitur etiam numerum $\alpha\mu$ per unitates quæ sunt in $\gamma\beta$ numero. quare numerus $\alpha\beta$ totum numerum $\alpha\mu$ metitur penes unitates, quæ sunt in numero $\gamma\alpha$. sed & numerus $\alpha\beta$, metitur numerum $\alpha\mu$ per unitates quæ sunt in numero $\gamma\beta$: & numerus $\gamma\beta$, est æqualis numero $\gamma\alpha$. illud enim proponitur. Ergo numerus $\alpha\beta$, totum numerum $\alpha\mu$ metitur iuxta unitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$. Verum numerus $\alpha\beta$ metitur etiam numerum $\gamma\mu$ per unitates quæ sunt in numero $\alpha\delta$: quia proponitur numerum $\gamma\mu$, esse planum ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\alpha\beta$ factum. Quare numerus $\gamma\mu$ erit æqualis numero $\alpha\mu$. sed & numerus etiam est æqualis numero $\gamma\beta$. quia uterq; est numerus quadratus numeri $\gamma\beta$. Totus igitur $\gamma\theta$ numerus, æqualis est $\alpha\gamma$ numero: & $\alpha\gamma$ numerus, demonstratus est æqualis esse numero ϵ . Itaq; $\gamma\theta$ numerus etiam erit æqualis numero ϵ , & numerus $\gamma\theta$ est numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\alpha\beta$ factus: cum quadrato numeri $\beta\gamma$: numerus verò ϵ , quadratus numeri $\gamma\alpha$. Quare numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\alpha\beta$, cum quadrato numeri $\gamma\beta$: æqualis est quadrato numeri $\gamma\alpha$. (Συμπλάσιμα.) Si igitur numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, & adijciatur ei aliquis alius numerus, tum numerus planus, qui sit ex multiplicatione totius numeri cum adiecto, & numeri adiecti, una cum quadrato dimidij numeri: æqualis est quadrato numeri compositi ex dimidio, & adiecto. Quod demonstrandum erat.

Πρότασις ζ. Γεώρημα.

¶ Αν ἀριθμὸς διαρεθῇ, εἰς δύο ἀριθμούς· ὁ
ἀπὸ τῶν ὅλων τετραγώνῳ, καὶ τῶν ἀφ'
ὅς τῶν μερῶν τετραγώνῳ· ἴσος ἔστι τῷ διπλοῦ
κ τοῦ ὅλου, καὶ τῶν εἰρημένων μερῶν, ὅτι πῶ-
ς, καὶ τῶν ἀπὸ τῶν λοιπῶν μερῶν τετραγώνῳ.

6	8	64 quad: totius αβ.
	8	25 quad: partis αγ.
	64 quad: totius.	89.
	5	80 planus bis facta.
	5	9 quad: reliq: partis βγ.
γ		
	25 quad: partis.	89.
	8	8
	5	5
	40	40
	80 planus bis facta multipl.	
	3	
	3	
α		
	9 quad: reliq: part:	

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ αβ, διηρήσθω εἰς
γ αγ, γβ ἀριθμούς. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι
οἱ ἀπὸ

Propositio VII. Theorema.

SI numerus aliquis diuidatur in duos numeros, quadratus numeri totius cū quadrato vnius partis: æqualis est numero plano, ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato partis reliquæ.

6	8		64 quad: totius αβ.
3	8		25 quad: partis αγ.
	64 quad: totius.	89.	
	5		80 planus bis facta.
	5		9 quad: reliq: partis βγ.
γ			
	25 quad: partis.	89.	
	8	8	
5			
	40	40	
			80 planus bis facta multipl.
	3		
α	3		9 quad: reliqu: part.

Εξήσις.) Numerus αβ, diuidatur in numeros αγ, γβ. (Διορισμός.) Dico quod numeri

G 2 meri

οἱ ἀπὸ τῶν βα, αγ πετράγωνοι· ἴσοι εἰσὶν τῷ
 δλς ἐκ τῶν βα, αγ ὅτι πέδω, μὲν τοῦ ἀπὸ
 τῆ βγ πετραγώνου. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ
 ὁ ἀπὸ τῆ αβ πετράγωνος, ἴσος ἐστὶ πῶς ἀπὸ
 τῶν βγ, γα, καὶ τῷ δλς ἐκ τῶν βγ, γα, κοι-
 νός προσκείδω ὁ ἀπὸ τῆ αγ πετράγωνος.
 ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ βα, μετὰ τῆ ἀπὸ εβ αγ· ἴσος
 ἐστὶ δύοσι πῶς ἀπὸ τῆ αγ πετραγώνοις. καὶ ἐνὶ
 τῷ ἀπὸ τοῦ γβ, μὲν τῆ δλς ἐκ τῶν βγ, γα.
 καὶ ἐπεὶ ἀπαξ ἐκ τῶν βα, αγ· ἴσος ἐστὶ τῷ
 ἀπαξ ἐκ τῶν βγ, γα, μὲν τῆ ἀπὸ τοῦ γα πε-
 τραγώνου. ὁ ἄρα δλς ἐκ τῶν βα, αγ· ἴσος ἐστὶ
 τῷ δλς ἐκ τῶν βγ, γα, μετὰ δύο τῶν ἀπὸ
 τῆ γα πετραγώνων. κοινός προσκείδω ὁ ἀ-
 πὸ τῆ βγ πετράγωνος. δύο ἄρα πετράγω-
 νοι ἀπὸ τῆ αγ· καὶ εἷς ἀπὸ τῆ γβ, μετὰ τῆ
 δλς ἐκ τῶν βγ, γα· ἴσοι εἰσὶν τῷ δλς ἐκ τῶν
 βα, αγ μὲν τῆ ἀπὸ εβ γβ. ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ αβ
 πετράγωνος, μὲν τῆ ἀπὸ τῆ αγ πετραγώ-
 νου· ἴσος ἐστὶ τῷ δλς ἐκ τῶν βα, αγ, μετὰ τοῦ
 ἀπὸ τῆ λοιπῆ γβ μέρους πετραγώνου. (Συμ-
 πέρασμα.) Ἐὰν ἄρα δριμύτος διαιρεθῇ εἰς
 δύο ἀριθμούς· ὁ ἀπὸ τῆ ὅλης πετράγωνος,
 μὲν

meri quadrati numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$: aequales
sint numero plano, ex multiplicatione nume-
rorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ bis facta, cum quadrato nume-
ri $\beta\gamma$. (Απόδειξις.) Cum enim quadratus
numeri $\alpha\beta$, sit aequalis quadratis numerorum
 $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$, & numero plano ex multiplicatione numerorum
 $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta: communis addatur quadratus numeri
 $\alpha\gamma$. Ergo quadratus numeri $\alpha\beta$, cum quadrato numeri
 $\alpha\gamma$: aequalis est duobus quadratis numeri $\alpha\gamma$, & vno
quadrato numeri $\gamma\beta$: cum numero plano, ex multipli-
catione numerorum $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta. Quoniam verò
numerus planus, ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ numero-
rum semel facta: aequalis est numero plano ex multis
plicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ semel facta, vnà cum quadrato $\gamma\alpha$.
numerus itaq; ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ bis facta: æ-
qualis erit numero ex multiplicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta:
cum duobus quadratis numeri $\gamma\alpha$. Communis ad-
datur quadratus numerus $\beta\gamma$. ergo duo quadrati nu-
meri $\alpha\gamma$, & vnus quadratus numeri $\gamma\beta$: cum numero
plano, ex multiplicatione $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$ bis facta: sunt æqua-
les numero plano, ex numerorum $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ multiplica-
tione bis facta, cum quadrato numeri $\gamma\beta$. Quare qua-
dratus numeri $\alpha\beta$, cum quadrato numeri $\alpha\gamma$: est æqua-
lis numero plano, ex multiplicatione $\beta\alpha$, $\alpha\gamma$ numero-
rum bis facta cū quadrato numeri $\gamma\beta$. (Συμπέρασμα.)
Si igitur numerus aliquis diuidatur in duos numeros:
quadratus totius numeri, cum quadrato huius par-
tis:

μὴ τῷ ἀφ' ἑνὸς τῶν μερῶν πετραγώνῃ· ἴσθ' ἔστι τῷ δ' ἑκ τῷ ὅλῃ, καὶ τοῦ εἰρημένῃς μέρεος ὅτι πᾶν δῶ, μὲν τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ μέρεος πετραγώνῃ. ὅπως εἶδει δεῖξαι.

Πρότασις η. θεώρημα.

ΕΑν ἀριθμὸς εἰς δύο ἀριθμοὺς διαμερεθῇ· ὁ πετάκις ἐκ τοῦ ὅλῃ, καὶ ἑνὸς τῶν μερῶν ὅτι πᾶν δῶ, μὴ τῷ ἀπὸ τῷ λοιπῷ μέρεος πετραγώνῃ· ἴσθ' ἔστι τῷ ἀπὸ τῷ ὅλῃ, καὶ τοῦ περιεφεμένου μέρεος ὡς ἀφ' ἑνὸς πετραγώνῃ.

Εκθεσις.) Αριθμὸς γὰρ ὁ αβ, διηρήσθω εἰς δύο ἀριθμοὺς στῦ αγ, γβ. (Διορισμός.) Λέγω ὅτι ὁ πετάκις ἐκ τῶν αβ, βγ, μὲν τοῦ ἀπὸ τῷ αγ πετραγώνῃ· ἴσθ' ἔστι τῷ ἀπὸ δ' αβ, βγ ὡς ἀφ' ἑνὸς πετραγώνῃ. (Κατασκευ.) Κείσθω γὰρ τῷ βγ, ἀριθμῷ, ἴσος ὁ βδ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὁ ἀπὸ τῷ αδ, ἴσθ' ἔστι τοῖς ἀπὸ τῶν αβ, βδ πετραγώνοις· καὶ τῷ δ' ἑκ τῶν αβ, βδ ὅτι πᾶν δῶ· καὶ ἐστὶν ὁ βδ ἴσθ' τῷ βγ. ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῷ αδ πετραγώνῃ, ἴσθ' τοῖς ἀπὸ τῶν αβ, βγ πετραγώνοις· καὶ τῷ δ' ἑκ τῶν αβ, βγ ὅτι πᾶν δῶ. τὰ δ' ἀπὸ τῶν

partis: æqualis est numero plano ex multiplicatione totius numeri, & prædictæ partis bis facta, cum quadrato reliquæ partis. quod erat demonstrandum.

Propositio VIII. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros: num planus numerus, ex multiplicatione totius, & vnius partis quater facta, cum quadrato partis reliquæ: est æqualis quadrato totius & prædictæ partis tanquam esset quadratus vnius numeri.

Ex hoc. Numerus enim $\alpha\beta$, diuidatur in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$. ($\Delta\iota\omicron\epsilon\lambda\iota\sigma\mu\omicron\varsigma$) Dico quod numerus planus, ex multiplicatione numerorum, $\alpha\epsilon$, $\beta\gamma$ quater facta, cum quadrato numeri $\alpha\gamma$: æqualis sit quadrato numeri $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ tanquam vnius esset numeri quadratus. ($\kappa\alpha\tau\alpha\sigma\tau\epsilon\lambda\epsilon\upsilon\eta$.) Fiet enim numero $\beta\gamma$, æqualis numerus $\beta\delta$. (Απόδειξις.) Quoniam nunc quadratus numeri $\alpha\delta$, æqualis est quadratis numerorum $\alpha\beta$, $\beta\delta$: & numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\delta$ bis repetita. denique numerus $\beta\delta$, æqualis sit numero $\beta\gamma$. idcirco quadratus numeri $\alpha\delta$, æqualis est quadratis numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$, & numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ bis facta, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. quadrata

104.

ΒΑΡΛΑΑΜ.

C

8 8 8 8

2 2 2 2

16 16 16 16

64 planus ex quater facta
multiplicatione.

6

6

36 quad: reliq:

10

10

100 quad. totius & part:

64

36

100 planus & quad: reliq:

τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ πτεράγωνα: ἴσα ἐστὶ τὰ δὲ ἐν
τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ὁπτιπείδω: καὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$ π-
τεργώνω: ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$ πτεράγω-
ν, ἴσος τῷ πτεράκῳ ἐν τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ὁπ-
τιπείδω: καὶ τὰ ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$ τετραγώνω. καὶ ἐ-
στὶν ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$ τετράγων, ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$,
 $\beta\gamma$, ὡς ἀφ' ἑνός. ὁ γὰρ $\beta\delta$, ἴσος ἐστὶ τῷ $\beta\gamma$,
ἐστὶν ἄρα ὁ ἀπὸ τῶν $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ ὡς ἀφ' ἑνός π-
τεράγω

6
2
+ 7
6
0

$$\begin{array}{r} 8 \ 8 \ 8 \ 8 \\ 2 \ 2 \ 2 \ 2 \\ \hline 16 \ 16 \ 16 \ 16 \end{array}$$

64 planus ex quater facta
multiplicatione.

$$\begin{array}{r} 6 \\ 6 \\ \hline 36 \text{ quad: reliq:} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ 10 \\ \hline 100 \text{ quad: totius \& partis.} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 64 \\ 36 \\ \hline 100 \text{ planus, \& quad: reliq:} \end{array}$$

autem numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$, sunt equalia numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$ bis repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. quare numerus quadratus numeri $\alpha\delta$, erit equalis numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$ quater repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. sed quadratus numeri $\alpha\delta$, est quadratus numerorum $\alpha\beta, \beta\gamma$, tanquam esset unus numerus. quia numerus $\beta\delta$, est equalis numero $\beta\gamma$. Quare quadratus $\alpha\beta, \beta\gamma$ numerorum, tanquam esset unus numeri quadratus, equalis est numero plano

πράγων $\textcircled{\text{C}}$: ἴσ $\textcircled{\text{C}}$ τὰ τετράκις ἐκ τῶν $\bar{\alpha}\beta$,
 $\beta\gamma$, καὶ τὰ ἀπὸ τῆ $\bar{\alpha}\gamma$. (Συμπέρασμα.)
 Εὰν ἄρα ἀριθμὸς εἰς δύο δευθμῶς διαιρεθῇ:
 ὁ τετράκις ἐκ τῆ ὅλης, καὶ ἐνὸς τῶν μερῶν ἐ-
 πίπιδ $\textcircled{\text{C}}$, μὲ τῆ δὲ τοῦ λοιπῆς μέρους τε-
 τραγώνη: ἴσ $\textcircled{\text{C}}$ ἐστὶ τὰ δὲ τοῦ τῆ ὅλης, καὶ τοῦ
 προσημειωμένου μέρους, ὡς ἀφ' ἐνὸς τετραγώνου.
 ὅπως εἰδὲ δεῖξαι.

Πρότασις θ. Γεώρημα.

ΕΑΝ ἀριθμὸς διαιρεθῇ δίχα, ἐπὶ δὲ διαιρε-
 θῇ ἔτι εἰς αὐτὸς ἀριθμῶς: οἱ δὲ τῶν αὐτῶν
 δευθμῶν τετράγωνοι: διπλάσιοι εἰσὶ τῆ
 ἀπὸ τῆ ἡμισείας τετραγώνου, μὲ τῆ ἀπὸ τοῦ
 μετὰξὺ τετραγώνου.

Εκθεσις.) Ἀρ $\textcircled{\text{C}}$ γὰρ ἀριθμὸς ὁ $\bar{\alpha}\beta$, δίχα
 διηρήσθω εἰς $\textcircled{\text{C}}$ $\bar{\alpha}\gamma$, γ β ἀριθμῶς: εἰς αὐ-
 τὸς δὲ διηρήσθω $\textcircled{\text{C}}$ $\bar{\alpha}\delta$, δ β . (Διορισμός.)
 Λέγω ὅτι οἱ δὲ τῶν $\bar{\alpha}\delta$, δ β τετράγωνοι: δι-
 πλάσιοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\bar{\alpha}\gamma$, γ δ τετραγώ-
 νων. (Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ ἄρ $\textcircled{\text{C}}$ ἀριθ-
 μὸς ὁ $\bar{\alpha}\beta$, εἰς ἴσους μὲν δὲ ἡρηται $\textcircled{\text{C}}$ $\bar{\alpha}\gamma$, γ β ,
 εἰς αὐτὸς δὲ $\textcircled{\text{C}}$ $\bar{\alpha}\delta$, δ β . ὁ ἄρα ἐκ τῶν $\bar{\alpha}\delta$,
 δ β ,

ex multiplicatione numerorum $\alpha\beta$, $\beta\gamma$ quater repetita, & quadrato numeri $\alpha\gamma$. (Συμ-
πύεσις.) Si igitur numerus diuidatur in
duos numeros: cum planus numerus qui fit ex
multiplicatione totius, & vnius partis qua-
ter repetita, cum quadrato partis reliquæ: est
aqualis quadrato totius & prædictæ partis,
tanquam esset quadratum vnius numeri.
quod erat demonstrandum.

Propositio IX. Theorema.

SI numerus diuidatur in duos numeros æ-
quales, atq; iterum in partes diuidatur in-
æquales: numeri quadrati numerorum in æ-
qualium, dupli sunt quadrati eius, qui fit ex
multiplicatione dimidij in seipsum, cum qua-
drato numeri inter ipsos intercepti.

Εκ θεορ. Numerus enim $\alpha\beta$, qui est par,
diuidatur in numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$, æquales: & in
numeros $\alpha\delta$, $\delta\beta$ inæquales. (Διορισμός.) Dico quod
quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$, dupli sint quadratorum
qui fiunt ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ in sei-
psos. (Απόδειξις.) Cū enim numerus $\alpha\beta$ sit numerus
par, diuisus etiā sit in numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: æquales, & po-
stea in $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numeros inæquales. numerus itaq; pla-
uius ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ factus,
cum

τοδ.	ΒΑΡΛΑΑΜ.	
6	8	2
2	8	2
δ	64 quad:	4 quad:
3	64	
γ	4	
	68 quad: inequal:	
5	5	68 (2.
	5	34
	25 quad: dimidij.	
α	3	25
	3	9
	9 qua: intercep:	34 quad: dimid: & intercepti.

δβ, μτ̃ τῃ ἀπὸ τῃ γδ: ἴσθ̃ ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ
 ᾱγ πετραγώνω. ὁ δὲ ἄρα ἐκ τῶν ᾱδ, δβ,
 μτ̃ δύο τῶν ἀπὸ τῃ γδ πετραγώνων: διπλα-
 σι̃ ἐστὶ τῃ ἀπὸ τοῦ ᾱγ πετραγώνω. Καὶ
 ἐπεὶ ὁ ᾱβ, δίχα διήρηται εἰς ᾱδ, γβ. ὁ ἄ-
 ρα ἀπὸ τῃ ᾱβ, πετραγώνω: πετραπλάσιος
 ἐστὶ τῃ ἀπὸ τῃ ᾱγ πετραγώνω. καὶ ἐπεὶ ὁ δὲ
 ἐκ τῶν ᾱδ, δβ, μτ̃ δύο τῶν ἀπὸ τῃ δγ: δι-
 πλάσι̃ ἐστὶ τῃ ἀπὸ τοῦ γα. ἐὰν δὲ ὥσι δύο
 ἄριθ.

cum quadrato numeri $\delta\gamma$: est equalis quadrato numeri $\alpha\gamma$. Ergo numerus planus ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ bis facta cum duobus quadratis numeri $\gamma\delta$: duplus est quadrati numeri $\alpha\gamma$. Cum etiam $\alpha\beta$ numerus sit diuisus in duos numeros $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$ equales: idcirco quadratus numeri $\alpha\beta$, quadruplus est numeri quadrati, ex multiplicatione numeri $\alpha\gamma$ in seipsum facti. Adhuc cum numerus planus, ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ bis repetita factus, cum duobus quadratis numeri $\delta\gamma$ duplus sit numeri quadrati ex $\gamma\alpha$ numero: cumq; duo fuerint numeri, quorum alter eiusdem numeri sit quadruplus: alter verò eiusdem duplus: tum quadruplus numeri dupli erit duplus. Quare quadratus numeri $\alpha\beta$, duplus est numeri ex numerorū $\alpha\delta$, $\delta\beta$ multiplicatione bis facta procreati, cum duobus quadratis numeri $\delta\gamma$. idcirco numerus, qui ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum bis facta producitur: dimidio minor est quadrato numeri $\alpha\beta$. quadrato nempe numero bis repetito multiplicatione numeri

ἀριθμοὶ, ὁ μὲν ἐτέρῳ αὐτῶν ἔσται πετρα-
 πλάσι· ὁ δὲ ἐτέρῳ διπλάσιος· ὁ πετρα-
 πλάσιος διπλάσιος ἐστὶ τῆ διπλασίᾳ. ὁ ἄ-
 ρα δὸπ' τῆ αβ, διπλάσιος ἐστὶ τοῦ δις ἐκ
 τῶν αδ, δβ, μείλ' δύο τῶν ἀπὸ τῆ δγ. ἐστὶ
 ἄρα ὁ δις ἐκ τῶν αδ, δβ ἑλάττων ἡμίσεος,
 τῆ ἀπὸ τοῦ αβ, τῆ δις ἀπὸ τῆ δγ. καὶ ἔπει
 ὁ δις ἐκ τῶν αδ, δβ, μὲν τοῦ συγκείμενου ἐκ
 τῶν ἀπὸ τῶν αδ, δβ· ἴσ' ἐστὶ τῆ δὸπ' τοῦ
 αβ. ὁ ἄρα συγκείμενος ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν
 αδ, δβ· μείζων ἐστὶν ἡμίσεος τῆ δὸπ' τῆ αβ,
 τῆ δις ἀπὸ τῆ δγ. καὶ ἐστὶν ὁ ἀπὸ τοῦ αβ,
 τοῦ ἀπὸ τοῦ αγ πετραπλάσιος. ὁ ἄρα συγ-
 κείμενος ἐκ τῶν ἀπὸ τῶν αδ, δβ· μείζων
 ἐστὶ διπλασίᾳ τοῦ ἀπὸ τῆ αγ, τῆ δις ἀπὸ
 τῆ δγ. Διπλάσιος ἄρα ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν
 αγ, γδ. (Συμπέρασμα.) Εὰν ἄρα ἄρῃ
 δριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα, ἐπὶ δὲ διαιρεθῇ καὶ
 αἱ ἀνίσχες δριθμοὶ· οἱ ἀπὸ τῶν ἀνιῶν δριθ-
 μῶν πετραγῶνοι· διπλάσιοι εἰσὶ τῆ ἀπὸ τῆ
 ἡμισείας πετραγῶν, μείλ' τῆ ἀπὸ τῆ μέ-
 ξυ πετραγῶν. ὅπως εἶδε δ᾽ ἄξιον.

Πρόπι-

numeri $\delta\gamma$ in seipsum facta. & quia numerus ex multiplicatione ad, $\delta\beta$ numerorum bis facta, cum numero composito, & producto ex multiplicatione numerorum ad, $\delta\beta$: aequalis est quadrato numeri $\alpha\beta$. idcirco numerus qui componitur ex quadratis numerorum ad, $\delta\beta$, maior est dimidio quadrati numeri $\alpha\beta$: numero quadrato numeri $\delta\gamma$ bis repetito. & est quadratus numeri $\alpha\beta$, quadrati numeri $\alpha\gamma$ quadruplus. Quare compositus numerus ex quadratis numerorum ad, $\delta\beta$: maior est duplo quadrati numeri $\alpha\gamma$: numero quadrato numeri $\delta\gamma$ bis repetito. Quare duplus est quadratorum, ex multiplicatione numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ bis factorum. (Συμπέροσμα.) Si igitur numerus diuidatur in duos numeros aequales: & iterum in numeros inaequales: numeri quadrati numerorum inaequalium dupli sunt quadrati eius, qui fit ex multiplicatione dimidij in seipsum, cum quadrato numeri inter ipsos intercepti. quod demonstrandum eras.

Propo-

Πρότασις ι. Γεώρημα.

ΕΑΝ ἄρτι Θ ἀριθμὸς, διαιρεθῇ δίχα, πρὸς
 σπῆθι δέ τις αὐτῷ ἑτέρῳ Θ ἀριθμὸς: ὁ ἀπὸ
 τῆς ὅλης ζ υν τῆς προσκειμένῳ: καὶ ὁ ἀπὸ τῆς
 προσκειμένου οἱ συναμφοτέροι πετράγωνοι
 διπλαῖοι εἰσὶ τῆς ἀπὸ ἡμίσεος πετράγωνου:
 καὶ τῆς ὑπο' τοῦ συγκειμένου ἐκτε τῆς ἡμίσεος,
 καὶ τῆς προσκειμένου ὡς ἀφ' ἑνὸς πετράγωνου.

δ	8	2
	8	2
2	64 quad: α δ.	4 quad: δ β.
ζ		
	5	
3	5	
γ	25 quad: γ δ dimidij, Θ adiecti.	
3	3	25 64
	3	9 4
α	9 quad: dimid: α γ. 34.	68 34 (2.

Εκθεσις.) Εἶπω γὰρ ἄρτιος ἀριθμὸς ὁ αβ, καὶ
 διηρήσθω δίχα εἰς ζ υν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$: καὶ προσκεί-
 σθω αὐτῷ ἐπὶ τὸς ἀριθμὸς ὁ βδ. (Διορισ-
 μὸς.) Λέγω ὅτι οἱ ἀπὸ τῶν $\alpha\delta$, $\delta\beta$ πετράγω-
 νοι, διπλαῖοι εἰσὶ τῶν ἀπὸ τῶν $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ πε-
 τράγωνοι

Propositio X. Theorema.

S Numerus par, diuisus fuerit in duos numeros æquales, eiꝯ addatur alius aliquis numerus: tum numerus quadratus totius cū adiecto, & quadratus numeri adiecti: hi duo quadrati numeri coniuncti: dupli sunt quadratorum numerorum, scilicet quadrati dimidij, & quadratieius, qui est compositus ex numero dimidio, & adiecto, ac si vnus numeri quadratus effet.

δ	8	2
	8	2
2	64 quad: αδ.	4 quad: ΑΒ.
3	5	
	5	
γ	25 quad: γδ dimidij, & adiecti.	
3	3	25
	3	64
α	9 quad: dimid: αγ.	9
		4
		68
		34

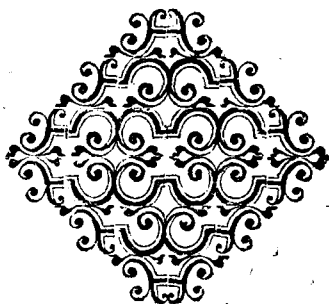
Exθεσις.) Sit enim αβ numerus par, & diuidatur in duas partes æquales αγ, γβ numeros: eiꝯ adijciatur alius numerus βδ. (Διοφαντος.) Dico quod numeri quadrati numerorum αδ, δβ dupli sint numerorū quadratorum

τραγώνων. (Απόδειξις.) Ἐπεὶ γὰρ ἀριθμὸς ὁ
 ᾱδ, διήρηται εἰς ᾱγ, γδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν
 ᾱδ, δβ πετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶν πρὸς δλς ἢ κ τῶν
 ᾱδ, δβ ὀπιπείδω, μὲν τῷ ἀπὸ τῷ ᾱβ πετρα-
 γώνω. ὁ δὲ ἀπὸ τῷ ᾱβ πετράγωνος, ἴσος ἐστὶ
 τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν ᾱγ, γδ πετράγωνοις.
 ἴσος γὰρ ἐστὶν ὁ ᾱγ, πρὸς γδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν
 ᾱδ, δβ πετράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ πρὸς δλς ἢ κ τῷ
 ᾱδ, δβ, καὶ τέσσαρσι τοῖς ἀπὸ τῶν βγ, γα.
 καὶ ἐπεὶ ὁ ἢ κ τῶν ᾱδ, δβ, μὲν τῷ ἀπὸ τῷ γβ,
 ἴσος ἐστὶ πρὸς ἀπὸ τῷ γδ. οἱ ἄρα δλς ἢ κ τῶν
 ᾱδ, δβ, μείζων δύο τῶν ἀπὸ τῷ γβ: ἴσος ἐστὶ δύοσι
 τοῖς ἀπὸ τῷ γδ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῶν ᾱδ, δβ πε-
 τράγωνοι: ἴσοι εἰσὶ δύοσι τοῖς ἀπὸ τῷ γδ: καὶ
 δύοσι τοῖς ἀπὸ τῷ ᾱγ. διπλάσιοι ἄρα εἰσὶν
 τῶν ἀπὸ τῶν ᾱγ, γδ. καὶ ἐστὶν ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ
 ᾱδ πετράγωνος, ὁ ἀπὸ τῷ ὅλῳ καὶ τῷ περισκφ-
 μένῳ: ὁ δὲ ἀπὸ τῷ δβ, ὁ ἀπὸ τῷ περισκφμένου:
 ὁ δὲ ἀπὸ τῷ γδ, ὁ ἀπὸ τῷ συγκκφμένῳ ἢ κ τῷ
 ἡμίσεος, καὶ τῷ περισκφμένῳ. οἱ ἄρα ἀπὸ τῷ ὅλῳ
 ζυγὸς πρὸς περισκφμένῳ πετράγωνος μὲν τῷ ἀ-
 πὸ τοῦ περισκφμένου: διπλάσιος ἐστὶ τοῦ ἀ-
 πὸ τῷ ἡμίσεος μὲν τῷ ἀπὸ τῷ συγκκφμένου
 ἢ κ τῷ

torum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$. (Απὸδείξις.) Cum enim numerus $\alpha\delta$, diuisus sit in numeros $\alpha\beta$, $\beta\delta$: idcirco numeri quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ aequales sunt numero plano ex multiplicatione numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$ bis repetita facto, cum quadrato numeri $\alpha\beta$. sed quadratus numeri $\alpha\beta$, aequalis est quatuor quadratis numerorum $\alpha\gamma$, $\gamma\beta$: quia $\alpha\gamma$ est aequalis $\gamma\beta$ numero: idcirco etiam quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\beta$: aequales sunt numero plano ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum bis facta producto: & quatuor quadratis numerorum $\beta\gamma$, $\gamma\alpha$. Cum verò planus numerus ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\beta$ numerorum factus, cum quadrato numeri $\gamma\epsilon$: aequalis sit quadrato numeri $\gamma\delta$. idcirco numerus ex multiplicatione $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$ numerorum bis repetita factus, cum duobus quadratis numeri $\gamma\epsilon$: est aequalis quadrato numeri $\gamma\delta$. Quare quadrati numerorum $\alpha\delta$, $\delta\epsilon$: aequales erunt duobus quadratis numeri $\gamma\delta$: & duobus quadratis numeri $\alpha\gamma$. ergo erunt dupli quadratorum $\alpha\gamma$, $\gamma\delta$ numerorum, & quadratus numeri $\alpha\delta$, est quadra-

ἐκτε τοῦ ἡμίσεος, καὶ τοῦ προσκείμενου.
 (Συμπέρασμα:) Ἐὰν ἄρα ἄριστος ἀριθ-
 μὸς δίχα διαιρεθῇ, προστεθῇ δὲ τις αὐτῷ
 πρὸς ἀριθμὸς, ὁ δὲ τῷ ὅλῳ ζῇ τῷ προ-
 σκείμενῳ, καὶ ὁ ἀπὸ τοῦ προσκειμένου, οἱ σω-
 αμφότεροι τετραγῶνοι: διπλάσιοι εἰσὶ τοῦ
 ἀπὸ τῷ ἡμίσεος τετραγώνου, καὶ τῷ ἀπὸ
 τῷ συγκειμένου ἐκτε τῷ ἡμίσεος, καὶ
 τοῦ προσκείμενου ὡς ἀφ' ἐνὸς
 τετραγώνου. ὅπως
 εἶδ' ὁ δειξάμην.

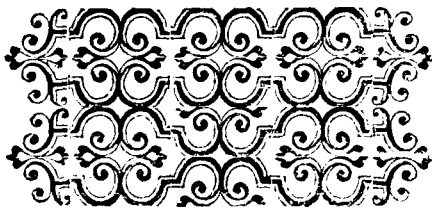
ΤΕΛΟΣ.



cus totius, & adiecti numeri: quadratus vero δδ, est quadratus numeri adiecti, quadratus etiam numeri γδ, est quadratus numeri compositi ex dimidio & adiecto. (Συμ-
 πλέεσμα.) Quare si numerus par diuisus fuerit in duos numeros æquales: eiq̃ addatur alius aliquis numerus, tum numerus quadratus totius & adiecti, cum quadrato adiecti duplus est quadratorum dimidij, & eius, qui compositus est ex dimidio & adiecto, ac si vnus numeri quadratus esset. Quod erat demonstrandum.

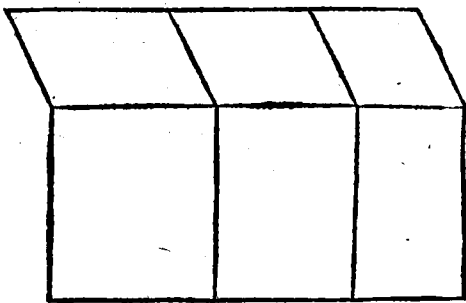
FINIS.

H 3 Theo-



Theoremata octo, quibus nonnulla ex præcedentibus demonstrantur
 Στερωμελικάς.

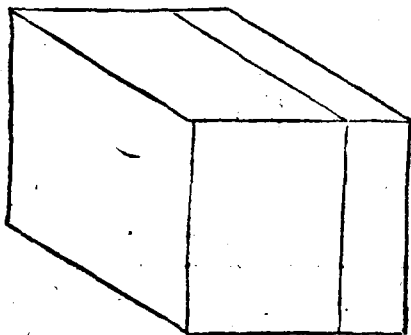
Theorema primum.



Si fuerint duæ lineæ rectæ, quarum una quidem sit integra, altera vero in quocunque partes diuisa: quod sub integra bis, & altera illa semel continetur solidum parallelepipedon rectangulum, eſt æquale ijs solidis parallelepipedis rectangulis, quæ sub integra bis, & singulis segmentis semel continentur.

Theo-

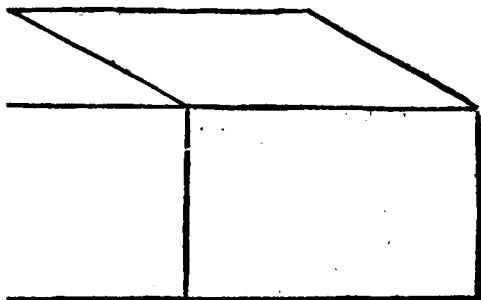
Theorema secundum.



*SI fuerit linea recta dissecta à s̄ i t̄ o x̄ i, que
sub tota bis, & singulis segmentis semel
continentur solida parallelepipeda rectangu-
la, sunt equalia ei, qui ex tota fit cubo.*

H 4

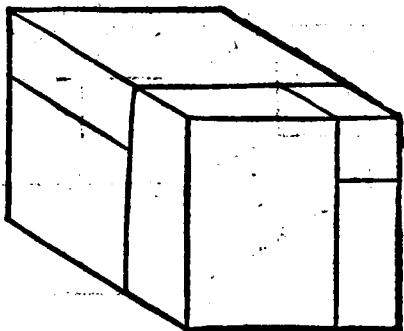
Theorema tertium.



SI recta linea fuerit dissecta $\omega\varsigma\epsilon\tau\nu\chi\epsilon$, quod sub tota, & vno segmento bis continetur solidum parallelopipedon rectangulum: est æquale solido parallelepipedo rectangulo, quod continetur sub eodem illo segmento bis, & reliquo semel, vna cum eo, qui ab eodem segmento est, cubo.

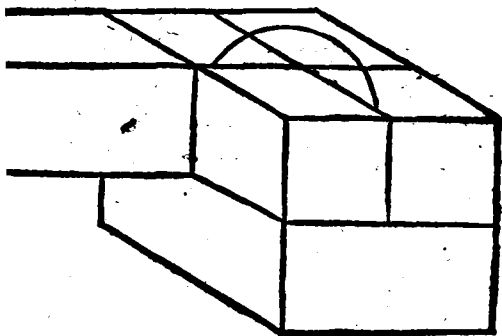
Theo.

Theorema quartum.



Si recta linea fuerit dissecta in tres partes, qui à
 tota est cubus, est aequalis his cubis, qui
 sunt à segmentis, una cum solidis parallele-
 pipedis rectangulis, quæ sub tota & duobus
 segmentis continentur ter.

Theorema quintum.

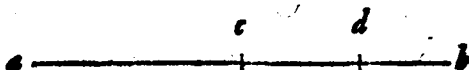


SI recta linea fuerit dissecta in duo equalia, & in duo inaequalia, quod sub maiore segmento semel, & minore bis continetur solidum parallelepipedon rectangulum, vnà cū duobus solidis parallelepipedis rectangulis, quorum vnum quidem sub dimidia bis, & ea quae sectionibus interiacet semel, alterum verò sub minore segmento semel, & ea quae sectionibus interiacet bis, continetur: est aequale ei, quī à dimidia est cubo.

Theo-

Theorema sextum.

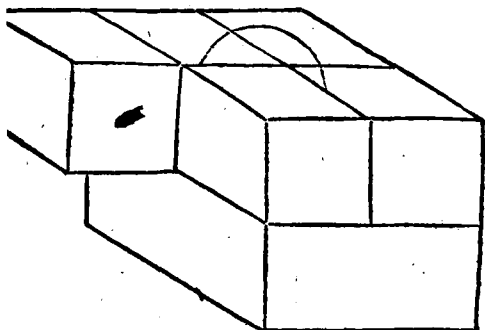
Si recta linea fuerit dissecta in duo equalia,
 & in duo inaequalia, solidum parallelepi-
 pedon rectangulum quod sub maiore segmen-
 to bis, & minore semel continetur, nunc qui-
 dem est aequale cubo, qui est à dimidia, nunc
 verò maius eo, nunc autem minus.



Theo-



Theorema septimum.

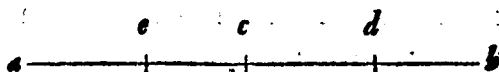


SI recta linea fuerit dissecta dicta, & adiecta ipsi fuerit alia quedā recta ē^{ta} & ceteras: solidum parallelepipedon rectangulum, quod sub tota cum adiecta semel, & ea quae adiecta est bis continetur, unā cum duobus solidis parallelepipedis rectangulis, quorum unum quidem sub dimidia bis, & adiecta semel, alterum verò sub dimidia cum adiecta bis, tanquam linea una, & dimidia semel continetur, est aequale cubo qui est à dimidia cum adiecta, tanquam linea una.

Theore-

Theorema octauum.

Si recta linea fuerit dissecta dīxa, & ei adiecta fuerit alia quadam ēw Obēias: solidum parallelepipedon rectāgulum, quod sub tota cum adiecta bis, & ea que adiecta est semel continetur, nunc quidem est æquale cubo, qui est à dimidia cum adiecta tanquam linea vna, nunc verò maius eo, nunc autem minus.



Has



Has octo propositiones stereometricas sub finem annexas esse volui: vt videatur, quomodo ista de qua diximus κοινωνία τῶν ὁμηγεμονίων sit intelligenda: & quod διαίρεσις se in corporibus ita, vt in figuris planis habeat: sed ipsas demonstrationes propter temporis angustiam annectere nō potui: verum quamprimum se occasio offeret: non tantum has suis demonstrationibus instructas edam: sed & plura adiungam: ne videar bonis & studiosis, quibus hæc scribo, defuisse adolescentibus.

FINIS.

ARGENTORATI APVD
Christianum Mylium.

1564.