

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

EVCLIDIS

(ELEMENTORVM LIBRI

XV. GRÆCE ET LATINE,

Quibus, cū ad omnem Mathematicæ scientiæ
partem, tūm ad quamlibet Geometriæ tra-
stationem, facilis comparatur aditus.)

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
ἔυρε.

Πυθαγόρας σοφὸς ἔυρε, Πλάτων δ' ἀρίδην' ἐδίδαξεν,
Εὐκλείδης ἐπὶ τοῖσι κλέος περικαλὲς ἔτευξεν.



COLONIAE,

(Apud Maternum Cholinum.)

M. D. LXIII.





AD CANDIDVM LE-
CTOREM ST. GRA-
cilis præfatio.



PER MAGNI referre semper
existimaui, lector beneuole, quan-
tum quisque studij & diligentie
ad percipienda scientiarum ele-
menta adhibeat, quibus non satis
cognitis, aut perperam intellectis,
si uel digitum progredi tentes, erroris caliginem ani-
mis offundas, non ueritatis lucem rebus obscuris adfer-
ras. Sed principiorum quanta sint in disciplinis mo-
menta, haud facile credat, qui rerum naturam ipsa spe-
cie, non uiribus metiatur. Vt enim corporum quæ ori-
untur & intereunt, uilissima tenuissimæque uidentur
initia: ita rerum æternarum & admirabilium, quibus
nobilissimæ artes continentur, elementa ad speciem
sunt exilia, ad uires & facultatē quàm maxima. Quis
non uidet ex fici tantulo grano, ut ait Tullius, aut ex
acino uinacco, aut ex cæterarum frugum aut stirpium
minutissimis seminibus tantos truncos ramosq; pro-
creari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu
audituq; perexigua, quantā theorematum sylum no-

P R A E F A T I O.

his pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis sciminibus, sic et in artium principijs inesse uim earum rerum, quae ex his progignuntur. Praclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἴσως ἀρχὴ πάντων, καὶ ὅσα κράτιστον τῇ δυνάμει, τοσοῦτω μικρότατον ὂν δὲ μέγιστον χάλεπόν ἐστιν ὁφθῆναι. Quocirca committendum non est, ut non bene prouisa et diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumque rerum ueritas sit demonstranda, uel constitutas, uel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne tantulum quidem fallaci et captiosa interpretatione turpiter deceptus, a uera principiorum ratione temerè deflectas. Nam qui initio fortè aberrauerit, is ut tandè in maximis uersetur erroribus necesse est: cum ex uno erroris capite, densiores sensim tenebrae rebus clarissimis obducantur. Quid tam uarias ueterum physiologorum sententias, non modò cum rerum ueritate pugnantes, sed uehementer etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fueritne ulla potior tanti dissidij causa, quàm quòd ex principijs partim falsis partim non consentaneis ductas rationes probando adhiberent. Fit enim plerunque, ut qui non rectè de artium rerumque elementis sentiunt, ad praefinitas quasdam opiniones suas omnia reducere studeant. Pythagorei, ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri summam perfectionem caelo tribuerent, nec plures tamen quàm

nouem

nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt,
 terrae aduersam, quā ἀντίχθονα appellarunt. Illi enim
 uniuersitatis rerumq; singularum naturam ex numeris
 seu principiis aestimantes, ea protulerunt quae φανό-
 μενοις congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula
 Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagorae, Anaxi-
 mandri, & reliquorum id genus physiologorum so-
 mnia, ex falsis illa quidem orta naturae principiis, sed
 ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens
 praetereo. Nonnullos attingam, qui repetitis altius, uel
 aliter ac decuit positae rerum initis, cum in physicis
 multa turbarunt, tum Mathematicos oppugnatione
 principiorum pessimè mulstarunt. Ex planis figuris
 corpora constituit Timaeus: Geometrarum hic quidem
 principia cuniculis oppugnantur. Nam & superficies,
 seu extremitates crassitudinem habebunt, & lincae la-
 titudinem: denique puncta non erunt indiuidua, sed li-
 nearum partes. Praedicant Democritus atque Leucip-
 pus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Conce-
 dit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines.
 Hic uerò Geometriae fundamenta aperte petuntur, &
 funditus euertuntur: quibus dirutis nihil sciquidem al-
 liud uidere restare, quàm ut amplissima Mathematico-
 rum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si dijs
 placet, tot praecleara Geometrarum de asymmetris &
 alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causae

dicat cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam
 uerò metiri non queat? Siquidem quod minimum in
 unoquoque genere reperitur, id cōmunis omnium men-
 sura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quæ
 ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: et ho-
 rum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura
 colligit Physicus. Quid uaria *Λευδογὰρ μαθῶν* ge-
 nera commemorem, quæ ex hoc uno fonte tam longè
 lateq; diffusa fluxisse uidentur? Notissimus est Anti-
 phōtis tetragonismus, qui Geometrarum et ipse prin-
 cipia non parum labefecit, cum rectæ lineæ curuam po-
 suit æqualem. Longum esset mihi singula per censere,
 præsertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixam
 et in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter
 monet Aristoteles, *πρῶτα στοιχεῖα ὁρίσασθαι καλῶς*
αἱ ἀρχαί, μετὰ δὲ τὸν γὰρ ἔχειν πρόλην πρὸς ἐπὶ ῥόημα.
 Nam principijs illa congruere debent, quæ sequuntur.
 Quòd si tantum perspicitur in istis exilioribus Geo-
 metriæ initijs, quæ puncto, lineæ, superficie definiun-
 tur, momētum, ut ne hæc quidē sine summo impēdētis
 ruinæ periculo conuelli aut oppugnari possint: quanta
 quæso uis putanda est huius στοιχεῖστος, quā collatis
 tot præstātissimorum artificum inuētis, mira quādā or-
 dinis solertia contexuit Euclides, uniuersæ Mathesecæ
 elemēta cōplexu suo cōcērentē? Vt igitur omnib. rebus
 instructior et paratior quisq; ad hoc studium libētius

dat, et singula uel minutissima exactius secum reputet atque perdiscat, operae precium censui in primo institutionis aditu uestibuloque praecipua quaedam capita, quibus tota ferè Mathematica scientiae ratio intelligatur, breuiter explicare: tum ea quae sunt Geometriae propria, diligenter persequi: Euclidis denique in extruenda hac $\sigma\omicron\iota\chi\epsilon\iota\acute{\alpha}\varsigma$ consilium sedulo ac fideliter exponere. Quae ferè omnia ex Aristotelis potissimum ducta fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò ingenuam animi candorem ad legendum attulerit. Ac de Mathematica diuisione primum dicamus.

Mathematicae in primis scientiae studiosos fuisse Pythagoreos, nō modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor uniuersum distribuatur Mathematica scientiae genus, quarum duas $\pi\epsilon\iota\tau\iota\ \tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu\acute{\alpha}\nu$, reliquas $\pi\epsilon\iota\tau\iota\ \tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ uersari statuerunt. Nam et $\tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu\acute{\alpha}\nu$ uel sine ulla comparatione ipsum per se cognosci, uel certa quadam ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc uersari Musica: et $\tau\omicron\ \pi\eta\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriae propositum esse: quod uerò sua sponte motu cietur, Astronomiae. Sed ne quis falso putet Mathematicam scientiam, quòd in utroque quanti genere cernitur, idcirco inanem uideri (si quidem non solion magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis

accretio infinite progredi potest) meminisse decet, τὸ
 ἀπλὸν καὶ τὸ ποσόν, quæ subiecto Mathematica gene-
 ri imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscum-
 que modi quantitatem significare, sed eā demum, quæ
 tum multitudine tum magnitudine sit definita, et suis
 circumscripta terminis. Quis enim ullam infiniti scien-
 tiam defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet
 Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem comple-
 cti quenquam posse. Itaque ex infinita multitudinis
 et magnitudinis διωκόμενῃ, finitam hæc scientia decer-
 pit et amplectitur naturam, quam tractet, et in qua
 uersetur. Nam de uulgari Geometrarum consuetudine
 quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine
 infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis
 subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristo-
 teles, οὐδὲ γὰρ (de Mathematicis loquens) δέοντα τοῦ
 ἀπείρου, οὐδὲ χρεῖντα, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσων ἀνέ-
 λωντα, τὰ ποσὰ σμικρὰ. Quamobrem disputatio ea
 qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis ra-
 tionibusque non aduersatur, nec eorum apodixes labefi-
 cit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod
 exitu nullo peragrari possit, nec talem ponunt infini-
 tam magnitudinem: sed quantamcunque uelit aliquis
 effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Qui-
 etiam non modò immensa magnitudine opus non ha-
 bent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum instar
 maxima

P R A E F A T I O.

maxima minima quaeque in partes totidem pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematica diuisionem attulit Geminus, uir (quantum ex Proclo conijcere licet) μαθημάτων laude clarissimus. Eam, quae superiore plenior & accuratior fortè uisa est, cum doctissime pertractarit sua in decimum Euclidis praefatione P. Montaneus uir senatorius, & regia bibliotheca praefectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum uelut summis generibus, τῶν νοητῶν & τῶν αἰσθητῶν, quae res sub intelligentiam cadunt, Arithmetica & Geometria attribuit Geminus: quae uerò in sensus incidunt, Astrologia, Musica, Supputatrix, Optica, Geodesia & Mechanica adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectasse uidetur Aristoteles, cum Astrologiam, Opticam, harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθημάτων nominat, ut quae naturalibus & Mathematicis interiectae sint, ac uelut ex utrisque mixtae disciplinae; Siquidem genera subiecta à Physicis mutuuntur, causas uerò in demonstrationibus ex superiore aliqua scientia reperiunt. Id quod Aristoteles ipse apertissime testatur, ἐστὶν αὖτα γὰρ, φησὶ. τὸ μὲν δὲ, τῶν αἰσθητῶν εἰδέναι, τὸ δὲ διόλε, τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, ut quid Mathematica conueniat cum Physica & prima Philosophia: quid ipsa ab utraque differat, paucis ostendamus. Illud quidem omnium commune est, quòd in uerì contemplatione sunt posita, ob idq; θεωρητικὰ à Gre

eis dicuntur. Nam cum διὰ νοῦν siue ratio et mens omnis sit uel τῶν ἀκινήτων, uel τῶν κινήτων, uel διωρημένων, totidem scientiarum sunt genera necesse est. Quod si Physica, Mathematica, et prima Philosophia, nec in agendo, nec in efficiendo sunt occupatae, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario uersari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente uel efficiente cōsistant, illarum quidem προαίρεσις, harum autem uel mens, uel ars, uel uis quedam et facultas: rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque hæc una in omnes uabet ratio, quæ διωρημένας esse colligat. Iam uerò Mathematica separatim cum Physica cōgruit, quòd utraque uersatur in cognitione formarum corpori naturali inherentium. Nā Mathematicus plana, solida, lōgitudines et puncta contēplatur, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoq; philosopho tractātur. Mathematica itē et prima philosophia hoc inter se propriè cōueniunt, quòd cognitionē utraque persequitur formarum, quoad immobiles, et à cōcretionē materiae sunt liberae. Nam tametsi Mathematicæ formæ re uera per se non cohærent, cogitatione tamen à materia et motu separantur, ουδὲ γίνεσθαι ψεύδος χαρακτηρίζοντων, ut ait Aristoteles. De cognitione et societate breuiter diximus. Iam quid

P R A E F A T I O.

quid intersit, uidcamus. Vnaqueque mathematicarum certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo uersetur, ut Geometria quantitatem & continuationem aliorum in unam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumq; quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem philosophia, cum sit omnium communis, uniuersum Entis genus, quæq; ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad hæc, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quæ quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamq; causam &c. à pag. gloriæ dici consuevit. Sed Prima philosophia in ijs uersatur, quæ & seiuncta, & aterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Caterum Physica & Mathematica quanquam subiecto discrepare non uidentur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, unde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematica specics nihil re uera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem consecratur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensa sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quæcumque in Mathematicis incommoditates accidunt,

eadem

eadem etiam in naturalibus rebus uideantur accidere;
 non autem uicissim. Multa enim in naturalibus sequun-
 tur incommoda, quæ nihil ad Mathematicum attinent,
 διὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἔξ ἀφαιρέσεως λή-
 γεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσθέσεως.
 Siquidem res cum materia diuinitas cōtemplatur phy-
 sicus: Mathematicus uerò rem cognoscit circumscriptis
 ijs omnibus quæ sensu percipiuntur, ut grauitate, leui-
 tate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, &
 alijsq; contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta
 sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continu-
 um. Itaque Mathematicorum ars in ijs quæ immobilia
 sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνε-
 κινήσις ἐστίν, ἔξω τῶν περὶ τὴν ἀσπολογίαν) quæ ue-
 rò in natura obscuritate posita est, res quidem quæ nec
 separari nec motu uacare possunt contemplatur. Id
 quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse po-
 test, siue res subiectas definias, siue proprietates eo-
 rum demonstras. Etenim numerus, linea, figura, rectum,
 inflexum, æquale, rotundum, uniuersa denique Mathe-
 maticus quæ tractat & profitetur, absque motu expli-
 cari doeriq; possunt: χηρὶς τὰ γὰρ τῇ νοήσῃ κινήσις
 ἐστίν. Physica autem sine motione species nequaquam
 possunt intelligi. Quis enim hominis, plantæ, ignis,
 ossium, carnis naturam & proprietates sine motu qui
 materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper sub-
 stantia

P R A E F A T I O.

stantia quaeque naturalis cōstare dici solet, quoad opus
 & munus suum, agendo patiendōq; tueri ac sustinere
 ualeat: qua certè amissa $\delta\iota\omega\acute{o}\mu\alpha$, ne nomē quidem nisi
 $\delta\mu\omega\nu\acute{o}\mu\alpha$ s retinet. Sed Mathematico ad explicandas
 circuli aut trianguli proprietates, nullum adferre po-
 test usum, materiae ut auri, ligni, ferri, in qua insunt,
 consideratio: quin eò uerius eiusmodi rerum, quarum
 species tanquam materia uacantes efformemus animo,
 naturam complectemur, quòd coniunctione materiae
 quasi adulterari deprauariq; uidentur. Quocirca Ma-
 thematicae species eodem modo quo $\kappa\omicron\iota\lambda\acute{o}\nu$, siue conca-
 uitas, sine motu & subiecto, definitione explicari co-
 gnosciq; possunt: naturales uerò cū cam uim habeāt,
 quam, ut ita dicam, simitas, cum materia comprehensae
 sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus
 exemplis quid inter Physicas & Mathematicas spe-
 cies intersit, haud difficile est animaduvertere. Illis cer-
 tē non semel est usus Aristoteles. Valcant ergo Prota-
 gore sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, q̃
 circulus normam puncto non attingat. Nā diuina Geo-
 metrarum thewremata qui sensu aestimabit, uix quicq̃
 reperiet quod Geometra cōcedendum uideatur. Quid
 enim ex his quae sensum mouent, ita rectum aut rotun-
 dum dici potest, ut à Geometra ponitur? Nec uerò ab-
 surdum est aut uitiosum, quòd lineas in puluere descri-
 ptas pro rectis aut rotundis assumit, quae nec rectae
 sunt

PRÆFATIO.

Sunt nec rotundæ, ac ne latitudinis quidem expertes. Siquidem non ijs utitur geometra quasi inde uim habeat conclusio, sed eorum quæ discenti intelligenda relinquuntur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui primum instituuntur, hi ductu quodam & uelut $\chi\lambda\epsilon\alpha\gamma\omega\gamma\iota\alpha$ sensuum opus habent, ut ad illa quæ sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi comparare queant. Sed tamen existimandum non est rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac non eam tantum quæ sensum afficit. Est enim materia alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo & ratione intelligitur. Illam $\alpha\sigma\delta\eta\tau\acute{\iota}\nu$, hanc $\nu\omicron\mu\eta\tau\acute{\iota}\nu$ uocat Aristoteles. Sensu percipitur, ut æs, ut lingnum, omniq; materia quæ moueri potest. Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sensilibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur, quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Aristotele scriptum legimus $\epsilon\pi\iota\ \tau\acute{\omega}\nu\ \epsilon\tau\ \acute{\alpha}\phi\alpha\epsilon\tau\omicron\varsigma\ \delta\upsilon\lambda\alpha\upsilon$ rectum se habere ut simum: $\mu\epsilon\tau\grave{\alpha}\ \sigma\omega\upsilon\sigma\chi\epsilon\upsilon\varsigma\ \gamma\delta\rho$: quæ si uelit ipsius recti, quod Mathematicorum est, suam esse materiam, non minus quàm simi quod ad Physicos pertinet. Nam licet res Mathematicæ sensili uacent materia, non sunt tamen indiuiduæ, sed propter continuationem partitioni semper obnoxie, cuius ratione dici possunt sua materia non omnino carere: quin aliud uidetur $\tau\acute{o}\ \epsilon\iota\upsilon\alpha\iota\ \gamma\gamma\alpha\mu\mu\eta$, aliud quoad continuationi adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma in
mate-

P R A E F A T I O.

materia, proprietatum causa est, quas sine materia per
 cipere non licet. Hæc est societatis & disidij Mathema-
 tica cum Physica & prima Philosophia ratio. Nunc
 autē de nominis etymo & notatione pauca quedam af-
 feramus. Nam si quæ iudicio & ratione imposita sunt
 rebus nomina, ea certè non temere indita fuisse creden-
 dum est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semp haberi debet ista etymologia indagatio,
 cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non parum ualeat
 recta nominis interpretatio. Sic enim Aristoteles du-
 ctus ex uerborum ratione argumento, ἀριθμῶν, μετα-
 βολῆς, αἰσθησῶν, aliarumq; rerum naturam ex parte cō-
 firmavit. Quoniā igitur Pythagoras Mathematicā sci-
 entiā nō modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à cæ-
 pitè principijs, geometricam contemplationem in li-
 beralis disciplinæ formam composuit, & perspectis abs-
 que materia, solius intelligētiae adminiculo theorema-
 tibus, tractationem περὶ τῶν ἀλόγων, & χοσμητῶν
 σχημάτων constitutionem excogitavit: credibile est,
 Pythagorā, aut certè Pythagorcos, qui & ipsi doctoris
 sui studia libenter amplexi sunt, huic scientiæ id nomē
 dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrue-
 ret, rerumq; propositarum naturam quoquo modo de-
 clararet. Ita cum existimarēt illi omnē disciplinā, quæ
 μαθησις dicitur, ἀνάμνησιν esse quandā. i. recordatio-
 nē & repetitionē eius sciētiae, cuius antè quā in corpus

immi

P R A E F A T I O.

immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menone, Phaedone, & alijs aliquot locis videtur astruxisse: animaduverterent autem eiusmodi recordationem, quae non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientijs demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ἐπεὶ τὰ διαγνώματα αἴν: probabile est equidem Mathematicas à Pythagoreis artes κατ' ἄρχην fuisse nominatas, ut ex quibus μάθησις, id est aeternarum in animarationum recordatio διαπεγόντως & præcipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menone Socratē induxit hoc argumēti genere persuadere cupientem, discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius rationum animum recordari. Etenim Socrates pusionē quendā, ut Tullij uerbis utar, interrogat de geometrica dimensione quadrati: ad ea sic ille respondet ut puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim respondens, eodem perueniat, quò si geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, ut est apud Rhodiginum, quòd cùm ceterae disciplinae deprehendi uel nō docēte aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem ueniant, nisi praëunte aliquo, cuius solertia succidantur uepretae, uel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Ita enim Caelius: quod quam uim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos

P R A E F A T I O.

maticos in magnarum obscuritate, recondita arte,
multipliciq; ac subtili uersari scribit. sed quis nescit
ad ipsum cum alijs grauioribus scientijs esse commu-
ne? Est enim, uel eodem auctore Tullio, omnis cogni-
tio multis obstructa difficultatibus, maximaq; est et
in ipsis rebus obscuritas, et in iudicijs nostris infir-
mitas: nec ullus est, modò interius paulò Physica pe-
netrari, qui non facile sit expertus, quam multi uir-
dique emergant, rerum naturalium causas inquiren-
tibus, et inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex de-
monstrationum firmitate nominari Mathematicas
opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seor-
sum loco expendendum fuerit. Quocirca primam uer-
bi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis reti-
nendam censeo. Haftenus de uniuerso Mathematicae
genere, quanta potui et perspicuitate et breuitate
dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque or-
dine ea differam, quae initio sum pollicitus. Est autem
Geometria, ut definit Proclus, scientia, quae uersatur
in cognitione magnitudinum, figurarum, et quibus
hae continentur, extremorum, item rationum et affe-
ctionum, quae in illis cernuntur ac inherant: ipsa qui-
dem progrediens à puncto indiuiduo per lineas et su-
perficies, dum ad solida conscendat, uariasq; ipsorum
differentias patefaciat. Quoniamque omnis scientia de-
monstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi mo-
mentis

P R A E F A T I O.

mentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & contemplatur: causis & principiis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quae de genere subiecto per se enunciantur: Geometriae quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circulis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus consistit. His autem inherant divisiones, rationes, tactus, equalitates, παραβολαί, ἐπιβολαί, ἰσότητες, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia. Postulata uerò & Axiomata ex quibus haec inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quouis cetro & interuallo circulum describere. Si ab aequalibus equalia detrahas, quae relinquuntur esse equalia, ceteraq; id genus multa, quae licet omnium sint cõmunia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddã genus traducuntur. Sed cum præcipua uideatur Arithmetica & Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit æquior & exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic uerò & Aristotelem sequemur ducentem, qui scientiam cum scientia ita cõparat, ut accuratiorẽ esse uelit eam, quae rei causam docet, quàm quae rē esse tantum declarat: deinde quae in rebus sub intelligentiam cadentibus uersatur, quàm quae in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica
quàm

P R A E F A T I O.

quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremo quæ ex simplicioribus initijs constat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometria præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas uerò punctum est quod situ uacat. Ex quo percipitur, numerorum quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse puriores, & à concretionem materiae magis disiunctos. Hæc quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum ubertate multiplici uel cum Arithmetica certet: id quod tute facile deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quàm respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmeticae & Geometriae societas, uideamus. Nam theorematum quæ demonstratione illustratur, quedam sunt utriusque scientiæ communia, quedam uerò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit $\pi\alpha\rho\varsigma$ siue rationalis, Arithmeticae soli conuenit, nequaquam Geometriae, in qua sunt etiam ἀπρᾶτοι, seu irrationales proportionibus: item, quadratorum γωνίαι minime definitos esse, Arithmeticae proprium (si quidem

β α in Gcom

P R A E F A T I O.

In Geometria nihil tale minimum esse potest) sed ad Geometriam proprie spectant situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem a continuis admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi diuisio infinite procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse solet. Communia porro utriusque sunt illa, quae ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quod sectio per extremam et mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam uero ex theorematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmeticam traducuntur: alia contra ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quaedam uero perinde utrique scientiae conueniunt, ut quae ex uniuerſa arte Mathematica in utranque harum conueniant. Nam et alternatio, et rationum conuerſiones, compositiones, diuisiones hoc modo communia sunt utriusque. Quae autem sunt τὰ ἐν συνμετρίῳ, id est, de commensurabilibus, Arithmetica quidem primum cognoscit et contemplatur: secundo loco Geometria Arithmeticam imitata. Quare et commensurabiles magnitudines illae dicuntur, quae rationem inter se habent quam numerus ad numerum, perinde quasi commensuratio et συνμετρία, in numeris primum consistat (Vbi enim numerus, ibi et σύνμετρον cernitur: et ubi σύνμετρον, illic etiam numerus) sed quae triangulorum sunt et quadrangulorum, à Geometria

P R A E F A T I O.

Geometra primum considerantur: tum analogia quaedam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometriae diuisione hoc adiiciendum puto, quod Geometriae pars altera in planis figuris cernitur, quae solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera uero solidas contemplatur, quae ad duplex illud interuallum crassitudinem adsciscunt. Illa generali Geometriae nomine ueteres appellauerunt; hanc proprie Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro comparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis anteceffit, si modo Stereometriam ne Socratis quidem aetate ullam fuisse omnino uerum est, quemadmodum à Platone scriptum uidetur. Ad Geometriae utilitatem accedo, quae quanquam suapte ui & dignitate ipsa per se nititur, nullius usus aut actionis ministerio mancipata (ut de Mathematicis omnibus scientiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen utilitatis externae quaeritur, Dij boni quam letos, quam uberes, quam uarios fructus fundit? Nec uerò audiendus est uel Aristippus, uel Sophistarum alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quod ex fine nihil docere uideantur, cinsq; quod melius aut deterius nullam habeant rationem. Vt enim nihil causae dicas, cur sit melius, trianguli, uerbi gratia, tres angulos duobus esse rectis

ß 3 *equales*

P R A E F A T I O.

aequales: minimè tamen fuerit consentaneum, Geometria cognitionem ut inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finè & bonum quò referatur, habeat nullum. Multas haud dubiè solius contemplationis beneficio citra materiae contagionè adfert Geometria cōmoditates partim proprias, partim cum uniuerso genere cōmunes. Cum enim Geometria, ut scripsit Plato, eius quod semper est cognitionè profiteatur, ad ueritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentem comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes facilius perdiscēdas, attigeris necne Geometriam, quanti referre cēses? Nā ubi cum materia cōiungitur, nonne præstātissimas procreat artes, Geodesiā, Mechanicā, Opticam, quarum omnium usu, mortalium uitā summis beneficijs cōpletitur? Etenim bellica instrumenta, urbiumque propugnacula, quibus munitæ urbes, hostium uim propulserent, his adiutricibus fabricata est: montium ambitus & altitudines, locorumque situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itincrum rationē præscripsit: trutinas & stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, composuit: uniuersi ordinem simulachris expressit: multa que hominum fidem superarent, omnibus persuasit. Vbi que extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nam extrin-
æto uastæ

PRÆFATIO.

Et o uaste molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum
 regi Ptolemæo mitteret, cum uniuerſa Syracuſano-
 rum multitudo collectis ſimul uiribus nauem trahere
 non poſſet, effeciſſetque Archimedes ut ſolus Hiero
 illam ſubduceret, admiratus uiri ſcientiam rex ἀπὸ
 τῶν τῆς, τῆς ἡμετέρας, περὶ πάντων ἀρχιμὲδός λέ-
 γοντι πρὸς αὐτόν. Quid? quod Archimedes idem, ut eſt
 apud Plutarchum, Hieroni ſcripſit datis uiribus da-
 tum pondus moueri poſſe? fretusq; demonſtrationis
 robore, illud ſæpe iactarit, ſi terram haberet alteram
 ubi pedem ſigeret, ad eam, noſtram hanc ſe transmo-
 uere poſſe? Quid uaria αὐτομάτων machinarumque
 genera, ad uſus neceſſarios comparata memorem? Un-
 numerabilia proſectò ſunt illa, et admiratiõe digniſ-
 ſima, quibus priſci homines incredibili quodã ad phi-
 loſophandum ſtudio concitati, inopem mortalium ui-
 tan artis huius præſidio ſubleuarunt: tametſi memo-
 ria ſit proditum, Platonem Eudoxo et Archyta ui-
 tio uertiſſe, quod Geometrica problemata ad ſenſilia
 et organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis et
 labefieri Geometriæ præſtantiam, quæ ab intelli-
 gibilibus et incorporeis rebus ad ſenſiles et corpo-
 reas prolaberetur. Quapropter ridicula idẽ ſcri-
 pſit Plato Geometrarum eſſe uocabula, quæ quaſi ad
 opus et actionem ſpectent, ita ſonare uidentur
 Quid enim eſt quadrare, ſi non opus facere? Quid

P R A E F A T I O.

addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eius
modi nomina, quibus necessario & tanquam coacti
geometrae utuntur, quippe cum alia desint in hoc ge-
nere commodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristote-
les, sic denique philosophi omnes, Geometriam ipsam
cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo usu ex-
terno, sed ex rerum *νοητῶν* intelligentia estimandam
esse. Exposita brevius quam res tanta dici possit, utili-
tatis ratione, Geometriae ortum, qui in hac rerum pe-
riodo ex historicorum monumentis nobis est cogni-
tus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios
inuenta, (ne ab Adamo, Setho, Noah, quos cogniti-
one rerum multiplici ualuisse constat, cam repetamus)
ex terrarum dimensione, ut uerbi praese fert ratio, or-
tum habuisse dicitur: cum anniuersaria Nili inunda-
tione & incrementis limo obducti agrorum termini
confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas
disciplinas, in usu quam in arte prius fuisse aiunt.
Quod sane mirum uideri non debet, ut & huius &
aliarum scientiarum inuentio ab usu coeperit ac neces-
sitate. Etenim tempus, rerum usus, ipsa necessitas in-
genium excitat, & ignauiam acuit. Deinde quicquid
ortum habuit (ut tradunt Physici) ab inchoato & im-
perfecto processit ad perfectum. Sic artium & sci-
entiarum principia experientiae beneficio collecta
sunt: experientia uero à memoria fluxit, quae & ipsa
à sensu

P R A E F A T I O.

à sensu primùm manauit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad uitam necessarijs, in Aegypto fuisse constitutas, quòd ibi sacerdotes omnium concessu in otio degeret: non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, uerbi gratia, terræ dimetiendæ rationem, quæ theuorematurum deinde inuestigationi causam dederit: sed hoc confirmat, præclara eiusmodi theuorematurum inuenta, quibus extructa Geometriæ disciplina constat, ad usus uitæ necessarios ab illis nō esse expetita. Itaque uetus ipsum Geometriæ nomen ab illa terræ partiundæ finiumq; regundorum ratione postea recessit, et in certa quadam affectionum magnitudini per se inherentium scientia propriè remansit. Quemadmodum igitur in mercium et contractuum gratiam, supputandi ratio, quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phœnicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea quam commemorauimus causa ortum habuit Geometria. Hanc certè, ut id obiter dicam, Thales in Græciam ex Aegypto primùm transtulit: cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, alijsq; compluribus, ad Euclidis tempora factæ sunt rerum magnarum accessiones. Ceterum de Euclidis ætate id solum addam, quod à Proclo memoriæ mandatum accepimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum

P R A E F A T I O.

æqualibus tunc discipulis, subiicit, nō multo etate po-
 steriorem illis fuisse Euclidem eum, qui Elementa cō-
 scripsit, et multa ab Eudoxo collecta, in ordinem lu-
 culentum cōposuit, multaque à Theæteto inchoata
 perfecit, quæq; mollius ab alijs demonstrata fuerāt,
 ad firmissimas et certissimas apodixes reuocauit. Vi-
 xit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Etenim fe-
 runt Euclidē à Ptolemæo quondā interrogatum, num-
 qua esset uia ad Geometriā magis cōpendiaria, quā
 sit ista στοιχίωσις, respondisse, μὴ εἶναι βασιλικὴν
 ἀὶ Σαπὸν ἐπὶ γέωμετρίας. Deinde subiungit, Euclidē
 natu quidem esse minorem Platone, maiorem uerò
 Eratosthene et Archimede (hi enim æquales erant)
 cū Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quòd
 si quis egregiam Euclidis laudem, quam cū ex alijs
 scriptionibus accuratissimis, tū ex hac Geometrica
 στοιχίωσις cōsequutus est, in qua diuinus rerum ordo
 sapientissimis quibusque hominibus magnæ semper
 admirationi fuit, is Proclum studiosè legat, quò rei ue-
 ritatē illustriorē reddat grauissimi testis auctoritas.
 Superest igitur ut finem uideamus, quò Euclidis ele-
 menta referri, et cuius causa in id studium incumbere
 oporteat. Et quidem si res quæ tractantur, conside-
 res in tota hac tractatione nihil aliud queri dixeris,
 quā ut κοσμηὰ quæ uocātur, σχήματα (fuit enim
 Euclides professione et instituto Platonici) Cubus,
 Icosædron, Octaëdron, Pyramis et Dodecaëdron

P R A E F A T I O.

certa quadam suorum & inter se laterum, & ad sphaerae diametrum ratione eidem sphaerae inscripta comprehendantur. Huc enim pertinet Epigramation illud uetus, quod in Geometrica Michaëlis Pselli συνόψις scriptum legitur.

*Σχήματα πάντα Πλάτωνος, & Πυθαγόρας ἑρὸς
ἔχει,*

*Πυθαγόρας σοφὸς ἔχει, Πλάτων δὲ ἀρίστην ἰδί-
δαζεν,*

Εὐκλείδης ἐπὶ τοῖσι κλίος περικαλλὲς ἔταυξεν.

*Quod si discantis institutionem spectes, illud certe fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discantis animus, ad quālibet nō modo Geometriae, sed & aliarum Mathematicarum partium tractationem idoneus paratusq; accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra uendicare uideatur, & tanquam in possessionem suam uenerit, alios excludere posse: inde tamē per multa suo quodāmodo iure decerpit Arithmeticus, pleraque Musicus, non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus, Mechanicus, itēque ceteri: nec ullus est denique artifex praeclarus, qui in huius se possessionis societate cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc σοιχειώσις absolutum operi nomen, & σοιχειωτής dictus Euclides. Sed quid longius pro-
uehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiose*

et uide

P R A E F A T I O.

Et eruditè scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem
dixi, loco P. Mont aureus, ut nihil desiderio loci reli-
querit. Quæ uerò ad dicendum nobis erant propo-
sita, hæstenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi
perfecisse uideor. Nam tametsi *et* hæc eadem *et* alia
pleraque multo fortè præclariora ab hominibus do-
ctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili
quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius,
splendidius, uberiùs tractari posse scio: tamen expe-
riri libuit num quid etiam nobis diuino sit concessum
munere, quod rudes in hac philosophiæ parte discipu-
los adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit
quòd ista recens elementorum editio, in qua nihil nã
parum fuisset studiij, aliquid à nobis efflagitare uide-
batur, quod eius commendationem adaugeret. Cum
enim uir doctissimus Io. Magnienus Mathematica-
rum artium in hac Parrhisiorum Academia professor
uerè regius, nostrum hunc typographum in excuden-
dis Mathematicorum libris diligentissimum, ad hanc
Elementorum editionem sæpè *et* multum esset ad-
hortatus, eiusq; impulsu permulta sibi iam compa-
rasset typographus ad hanc rem necessaria, citò in-
teruenit, malum, Ioannis Magnieni mors insperata,
quæ tam graue inflixit Academiae uulnus, cui ne post
multos quidem annorum circuitus cicatrix obduci
ulla posse uideatur. Quamobrem amisso instituti hui-
ius

P R A E F A T I O.

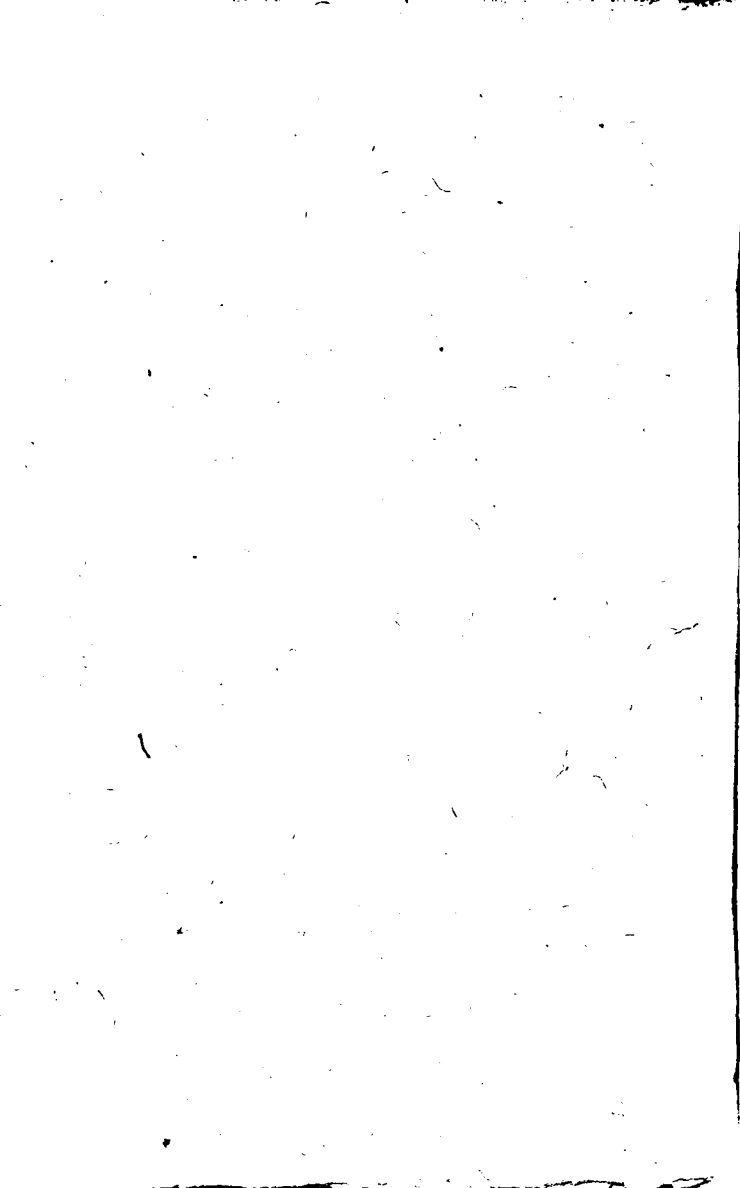
Ius operis duce, typographus, qui nec sumptus antea
 factos sibi perire, nec studiosos, quibus id muneris
 erat pollicitus, sua spe cadere uellet, ad me uenit, &
 impensè rogauit ut meam propositæ editioni operam
 & studium nauarem. quod cum denegaret occupatio
 nostra, iuberet officij ratio: feci equidem rogatus, ut
 quæ subobscuræ uel parum commode in sermonem la-
 tinum è græco translata uidebantur, clariore, aptiore
 & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque
 pace dictum uolo) lucem acciperent. Id quod in omni-
 bus ferè libris posterioribus tute primo obtutu per-
 spicias. Nam in sex prioribus non tantum temporis
 quantum in cæteris ponere nobis liquit: decimi autem
 interpretatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Mon-
 tauræo solida debetur. Atque ut ad perspicuitatem si-
 cilitatemq; nihil tibi deesse queraris, adscripta sunt
 propositionibus singulis uel lineares figurae, uel pun-
 ctorum tanquam unitatum notulae, quæ Theonis apo-
 dixin illustrent: ille quidem magnitudinum, hæc au-
 tem numerorum indices, subscriptis etiã ciphrarum,
 ut uocant, characteribus, qui propositum quemuis
 numerum exprimant: ob eamq; causam eiusmodi uni-
 tatum notulae, quæ pro numeri amplitudine maius pa-
 ginae spatium occuparent, pauciores sæpius depictæ
 sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarum,
 ut a, b, c, characteres non modò numeris & numero-
rum

PRAEFATIO.

nam partibus nominandis sunt accommodati, sed etiā
generales esse nomenclatorum ut magnitudinum affectiones
testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis
non praevenienda Theonis scholia, siue maius lemmata,
quae quidem longè plura accessissent, si plus otij &
temporis uacui nobis fuisset relictum, quod huic
studio impartiremus. Hanc igitur operam
boni consule, & quae obuia erunt im-
pressionis uitia, candidus
emenda. Vale.

Lutetiae 4. Idus April. 1557.

FINIS.



ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM PRIMVM.

ὁ Ρ Ο Ι.

Σ

^α
Ἡμεῖον ἔστιν, οὐ μέρος οὐθέν.

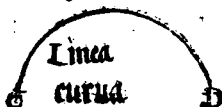
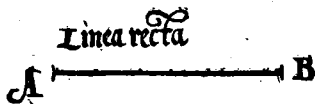
DEFINITIONES.

¹
Punctum est, cuius pars
nulla est.

Punctum

^β
Γραμμὴ ἔστι, μήκος ἀπείρητον.

²
Linea verò, longitudo latitudinis expers.

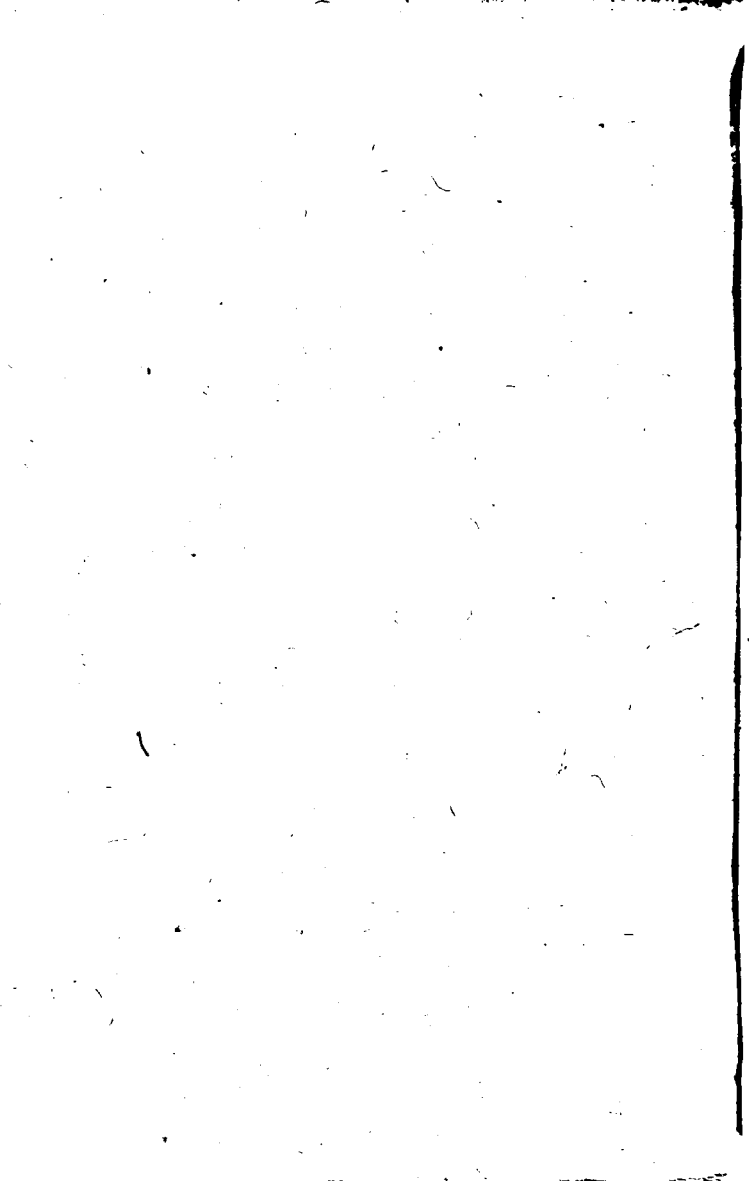


^γ
Γραμμῆς ἔσσι πέρατα σημεῖα.

³
Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ
Εὐθεῖα γραμμὴ ἔστιν, ἥ τις ἴσως τῆς ἐφ' ἑαυτῇ σημείους κεῖται.

Α 4 Recta



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM PRIMVM.

ὁ Ρ Ο Ι.

Σ

^α Ημείον ἔστιν, οὗ μέρος οὐθέν.

DEFINITIONES.

^ι Punctum est, cuius pars nulla est.

Punctum

^β

Γραμμὴ ἔστι, μήκος ἀπλάτης.

²

Linea verò, longitudo latitudinis expers.

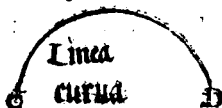
Linea recta

A

B

Linea

curua



^γ

Γραμμῆς ἔστι πέρατα σημεῖα.

³

Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ

Εὐθεῖα γραμμὴ ἔστιν, ἥ τις εἰς οὐ τὴν ἐφ' ἑαυτὴν σημείois κεῖται.

A

4 Recta

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

4

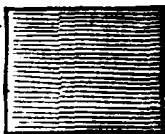
Recta linea est, quæ ex æquo sua interiacet puncta.

ε

Επιφάνεια, ἥ ἐστίν, ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχουσα.

ς

Superficies est quæ longitudinem latitudinemque tantum habet.



ς

Επιφανείας ἥ πέρατα, γραμμαί.

6

Superficiei extrema, sunt lineæ.

ζ

Επίπεδος ἡ επιφανεία, ἐστίν ἥ τις θύσις τῶν ἐφ' ἑαυτὴν εὐθείας κεῖται.

7

Plana superficies, est quæ ex æquo suas interiacet lineas.

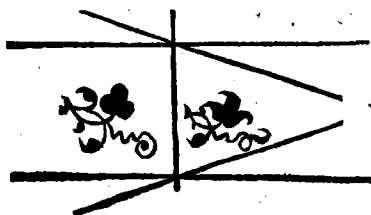
η

Επίπεδος ἡ γωνία ἐστίν, ἡ ἐν ἐπίπεδῳ, δύο γραμμῶν ἀπομένων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμένων, πρὸς

πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσεις.



8



Planus angulus
est duarum li-
nearum in pla-
no se mutuò tā-
gentium, & nō
in directum ia-
centium, alte-

ruius ad alteram inclinatio.

θ

ὅταν ᾖ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν γραμμαὶ, εὐθεῖαι
ᾧσιν, εὐθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cum autem quæ angulum continent lineæ,
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus appel-
latur.

ι

ὅταν ᾖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα, τὰς ἐφεξῆς γω-
νίας ἴσας ἀλλήλας ποιῇ, ὁρμή ἐστιν ἐκείνη τῶν
ἴσων γωνιῶν: Καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα εὐθεῖα καλεῖται πα-

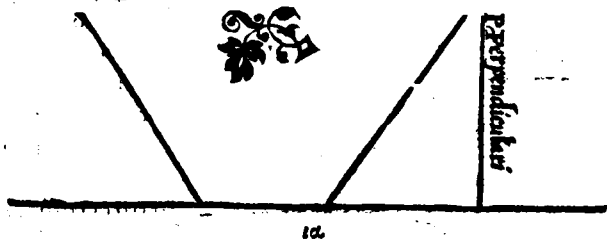
Α 2

λεῖται

λείται ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν.

10

Cum verò recta linea super rectam consistens lineam, eos qui sunt deinceps angulos æquales inter se fecerit: rectus est vterque æqualium angulorum: & quæ insistit recta linea, perpendicularis vocatur eius cui insistit.



Ἀμβλεία γωνία ἐστίν, ἢ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

12

ὀξεία ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

13

Acutus verò, qui minor est recto.

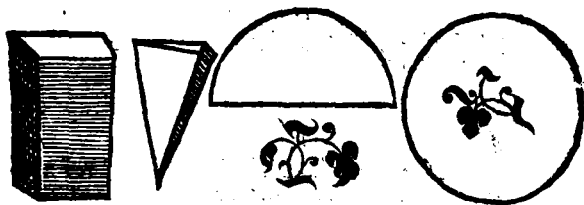
14

ὅρος ἐστίν, ὃ τινός ἐστι πέρας.

15

Terminus est, quod alicuius extremum est.

ιδ Εχῆ-



13

Σχήμα ἐστὶ τὸ ὑπὸ τινος, ἢ τινῶν ὄρων περιχόμενον.

14

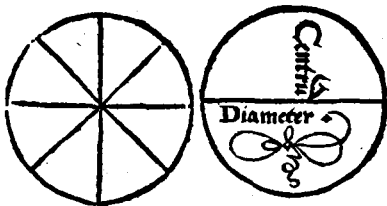
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

16

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ἣν, ἀφ' ἑνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κείμενων, πᾶσαι ἀποσπίνονται ἐνθεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἶναι.

15

Circulus est figura plana sub vna linea comprehensa, quæ peripheria appellatur: ad quā ab vno puncto eorum, quæ intra figuram sunt posita, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.



▲ 3

15 Κέν-

15

Κέντρον ἧ τοῦ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

17

Διάμετρος ἧ τοῦ κύκλου ἐστίν, εὐθεῖα ἡς διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη, καὶ περατωμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆ τοῦ κύκλου περιφερείας, ἧ ἡς καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον.

17

Diameter autem circuli, est recta quædam linea per centrum ducta, & ex vtraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circum bifariam secat.

18

ἡμικύκλιον ἧ ἐστὶ, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τῆς διαμέτρου, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ea linea, quæ de circuli peripheria aufertur.



18 Τμήμα

18

Τμήμα κύκλου ἐστὶ τὸ περιχόμενον ὑπὸ τε εὐθείας,
καὶ κύκλου περιφερείας.

19

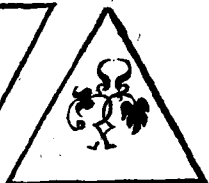
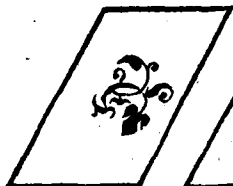
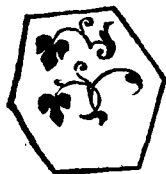
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-
cta linea & circuli peripheria continetur.

x

Εὐθύγραμμα σχήματά εἰσι, τὰ ὑπὸ εὐθειῶν περι-
χόμενα.

20

Rectilineæ figuræ, sunt quæ sub rectis lineis
continentur.



κα

Τρίπλευρα μὲν, τὰ ὑπὸ τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

xβ

Τετράπλευρα δέ, τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

Α 4

xγ Πο-

κγ

Πολύπλευρα ὅ, τὰ ὑπὸ πλείονων ἢ τεσσάρων ἐυθύ-
γων περιεχόμενα.

23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κδ

Τῶν ὅ, ὅ, τριπλευρῶν σχημάτων, ἰσόπλευρον μὲν ὅ, ὅ, γὰρ
ἔχει τρεῖς ἰσας ἔχον πλευράς.

24

Trilaterarum porrò figu-
rarum, æquilaterum est
triangulum, quod tria la-
tera habet æqualia,

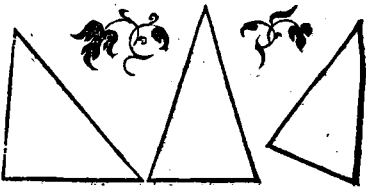


κε

Ἰσοσκελὲς ὅ, τὸ τὰς δύο μόνας ἰσας ἔχον πλευράς.

25

Isosceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera,



κε

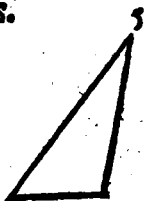
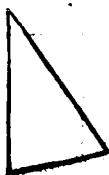
Σκαλιωδὴν ὅ, τὸ τὰς τρεῖς ἀνίσας ἔχον πλευράς.

26 Scal

LIBER PRIMVS.

26

Scalenum
verò, est
quod tria in-
equalia ha-
bet latera.



κξ

Ἐκ τῶν τριπλεύρων σχημάτων, ὀρθογώνιον μὲν
ῥιγώνιον ἔστι, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarum figurarū, rectan-
gulum quidem triangulum est, quod rectū
angulum habet.

κη

Ἀμβλυγώνιον ἔστι, τὸ ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum an-
gulum habet.

κθ

Ὀξυγώνιον ἔστι, τὸ ῥεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

29

Oxygonium verò, quod tres habet acutos
angulos.

λ

Τῶν ἑτετραπλεύρων σχημάτων, τετράγωνον μὲν
ἔστι, ὃ ἰσοπλευρόν τε ἔστι, καὶ ὀρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarū, quadra-
tum

Α ς

τί qui
de est,
quod &
æquila
terū &
rectan-
gulū est.



λα

Ἐτερόμυχες ᾗ, ὃ ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ.

31

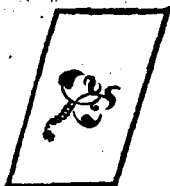
Altera parte longior figura est, quæ rectan-
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος ᾗ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ.

32

Rhom-
bus au-
tē, ᾗ æ-
quila-
terū &
rectan-
gulū ē.



λγ

Ῥομβοειδὲς ᾗ, τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γω-
νίας ἰσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ οὐτε ἰσόπλευρόν ἐστιν, οὐ-
τε ὀρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera &
angulos habens inter se æqualia, neq; æqui-
latera est, neq; rectangula.

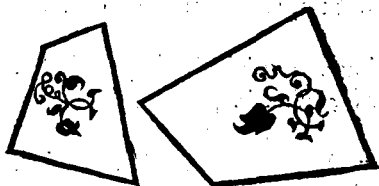
λδ Τδ

λδ

Τὰ ἡ παρὰ ταῦτα τετραπλευρα, τραπέζια καλεῖσθω.

34

Præter
has au-
tem, re-
liquæ
quadri-
lateræ
figuræ, trapezia appellantur.



λε

Παράλληλοι εἰσιν εὐθεῖαι, αἱ ἄντες ἐν τῷ αὐτῷ ὅτι-
πὶδω οὔσαι, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἄπ' ἄφρον, ἐφ' ἑκά-
τερα τὰ μέρη, ἐπὶ μηδετέρα συμπέτθουσιν ἀλλή-
λαις.

35

Parallelæ rectæ lineæ sunt
quæ, cùm in eodem sint pla-
no, & ex vtraque parte in in-
finitum producantur, in neutram sibi mu-
tuò incident.

Λιτήματα.

α

Ητήσθω, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημῖον εὐ-
θεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Postu.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Postulata.

I

Postuletur, ut à quovis puncto in quodvis punctum, rectam lineam ducere cōcedatur.

β

Καὶ πεπερασμένῳ εὐθείᾳ, κατὰ τὸ συντεχὲς ἐπ' εὐθείας ἐκβαλῆν.

2

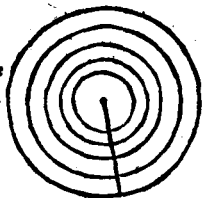
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum rectā producere.

γ

Καὶ παντὶ κέντρῳ, καὶ διαστήματι κύκλον γράψθαι.

3

In quovis centro & interuallo circulum describere.



Κοινὰ ἔννοια.

α

Τὰ τῶ αὐτῷ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidẽ æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ τὰν ἴσοις ἴσα πρὸς ἐθῇ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἴσα.

2 Et

²
Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota
sunt æqualia.

^γ
Καὶ ἂν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ καταλειπόμε-
να ἔστι ἴσα.

³
Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ
relinquuntur sunt æqualia.

^δ
Καὶ ἂν ἀνίσοις ἴσα προσεθῇ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἄνισα.

⁴
Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota
sunt inæqualia.

^ε
Καὶ ἂν ἀπὸ ἀνίσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἐστὶν
ἄνισα.

⁵
Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reli-
qua sunt inæqualia.

^ς
Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια, ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶ.

⁶
Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æ-
qualia.

^ζ
Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶ.

7 Et

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

η

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἄλληλα, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

Καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον ὅστις.

9

Totum est sua parte maius.

ι

Καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

ια

Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτῃσα, τὰς ὀρθὰς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποίῃ, ἐκβαλλόμεναι αἱ δύο αὐταὶ εὐθεῖαι ἐπ' ἄπειρον, συμπεσθύνονται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

II

Et si in duas rectas lineas altera recta incidens, inter nos ad easdemque partes angulos

LIBER PRIMVS: 8

gulos duobus rectis minores faciat, duæ rectæ lineæ in infinitum productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

ιβ

Καὶ δύο εὐθείαι, χωρίον οὐ περιέχουσιν.

12

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehendunt.

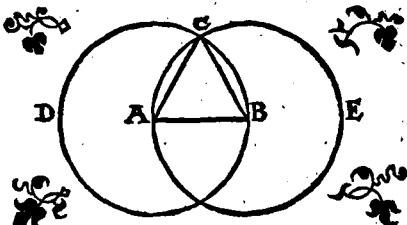
Πρότασις.

α

Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης, ῥέγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super
data re
cta li-
nea ter-
mina-
ta, tri-
angu-
lum æ-
quilaterum constituere.



β

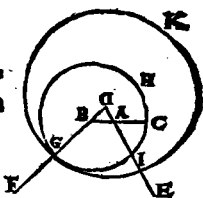
Πρὸς τῇ δοθέντι σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἰσὺν ἐν-
δεῖσαι διέσθαι.

Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Problema 2. Propositio 2.

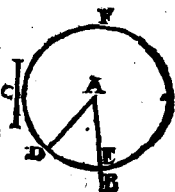
Ad datum punctum, dæ rectæ lineæ æqualem rectam lineam ponere.



Αὐτοδοθέντων ευθείων ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἰσὺν ευθείαν ἀφελεῖν.

Problema 3. Propositio 3.

Duabus datis rectis lineis inæqualibus, de maiore æqualem minori rectam lineam detrahare.

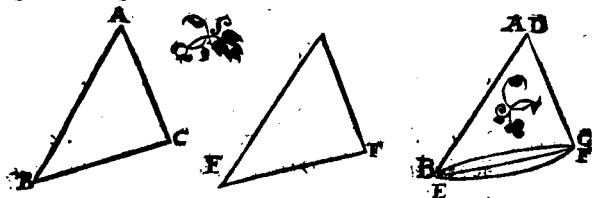


Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχη, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἰσὺν ἔχη τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ευθείων περιεχομένην: καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἰσὺν ἔξει, καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τρίγωνῳ ἴσον ἔσται, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσται ἔσονται, ἑκατέρα ἑκατέρᾳ, ὅφ' αἱ αἰσῶν πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habeant, utrumque utrique, habeat. verò & angulum angulo æqualem sub æqualibus rectis lineis contentum: & basin basi

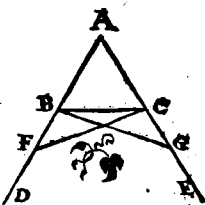
βασί ἰσὺν ἔχουσιν, ἐρὶς γὰρ τριγωνοῦ
 τριγωνοῦ ἰσὺν, ἀκὸς ἑτέρου ἀκὸς ἑτέρου
 ἀκὸς ἰσὺν ἔχουσιν, ὅθεν ὅθεν ὅθεν, ὑπὸ
 οἷς ἰσὺν ἔχουσιν ὑποκείμενα.



Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι
 ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. Καὶ προστεθειμένων τῶν ἴσων
 ὑποκειμένων, αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔ-
 σονται.

Theorema 2. Propositio 5.

Isoſcelium triangulorū
 qui ad basim sunt angu-
 li, inter se sunt æquales:
 & si ulterius productæ
 sint æquales illæ rectæ li-
 neæ, q̄ sub basi sunt angu-
 li, inter se æquales erunt.



Εάν τριγώνῳ αἱ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ᾖσι, καὶ
 ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνεσθαι πλευρὰ, ἴσαι ἀλ-
 λήλαις ἔσονται.

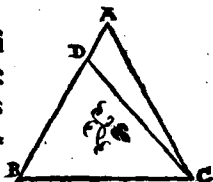
B Theor-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 3. Propo.

sitio 6.

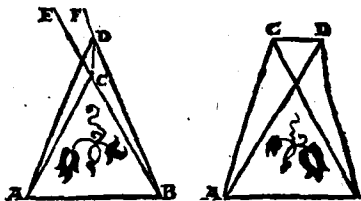
Si trianguli duo anguli
æquales inter se fuerint:
& sub æqualibus angulis
subtēsa latera æqualia in-
ter se erunt.



Ἐπὶ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ, δυσὶ ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι
δύο εὐθεῖαι ἴσαι ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ οὐ συσταθήσονται,
πρὸς ἄλλῃ καὶ ἄλλῃ σημείῳ, ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ
αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι, ταῖς ἀρχαῖς εὐθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem re-
ctis lineis, aliæ duæ rectæ lineæ æquales, v-
traque vtrique, non constituentur, ad aliud
atque
aliud
punctū,
ad eas-
dē par-
tes, eos-
demq;



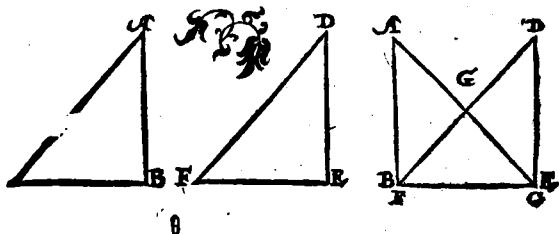
terminos cum duabus initio ductis rectis li-
neis habentes.

Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ, ἔχῃ δὲ καὶ βά-
σιν τὴν βάσιν ἴσων: καὶ τὴν γωνίαν τὴν γωνίαν ἴσων ἔξει
τὴν

τῶν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐνδεῶν περιεχομένων.

Theorema 5. Propositio 8.

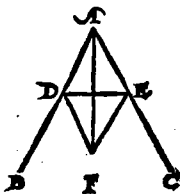
Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, vtrunque vtriq̃ue, æqualia, habuerint verò & basim basi æqualem: angulū quoque sub æqualibus rectis lineis contentum angulo æqualem habebunt.



Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν ἐν διῷ γραμμῶν δίχα τεμεῖν.

Problema 4. Propositio 9.

Datum angulum rectilineum bifariam secare.

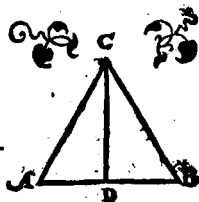


Τὴν δοθεῖσαν ἐνδεῖαν πεπρασμένην, δίχα τεμεῖν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Problema 5. Pro- positio 10.

Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.

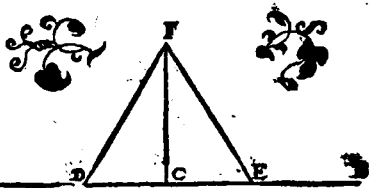


1α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

Data
recta li-
nea, à
puncto
ī ea da-
to, re-
ctam li-
neam ad angulos rectos excitare.

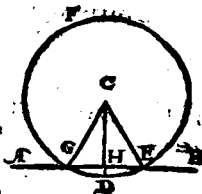


1β

Επὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν ἀπειρόν, ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, ὃ μὴ ἐστὶν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro- positio 12.

Super datam rectam line-
am infinitam, à dato pun-
cto



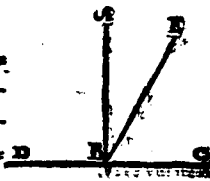
Ἄτο quod in ea nō est, perpendicularem rectam deducere.

¹⁷
 Ως ἀνὲυθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν ταβήσα, γωνίας ποιῇ ἴσαι,
 δύο ὀρθάς, ἢ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ.

Theorema 6. Propo.

sitio 13.

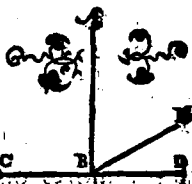
Cū recta linea super rectam consistens lineā angulos facit, aut duos rectos, aut duobus rectis æquales efficiet.



¹⁸
 Εάν πρὸς ἐνὶ εὐθείᾳ, καὶ τῇ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, δύο εὐθεῖαι μὴ περὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐφεξῆς γωνίας δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται ἀλλήλων αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius punctū, duæ rectæ lineæ non ad easdem partes ductæ, eos qui sunt deinceps angulos duobus rectis æquales fecerint, in directum erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.



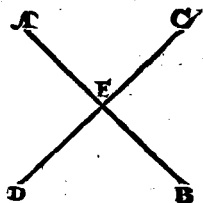
¹⁹
 Εάν δύο εὐθεῖαι τέμνῃσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ κορυφὴν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ἴσας ἀλλήλαις ποιοῦσθαι.

Theorema 8. Propositio 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò secuerint, angulos qui ad verticem sunt, æquales inter se efficient.

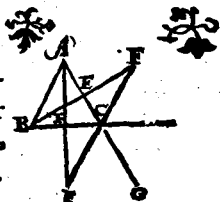


15

Παντὸς ὡς γωνία μιᾶς τῶν πλευρῶν ἐκβληθείσης, ἢ ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, μείζων ἐστίν.

Theorema 9. Propositio 16.

Cuiuscunq; trianguli vno latere producto, externus angulus utroq; interno & opposito maior est.

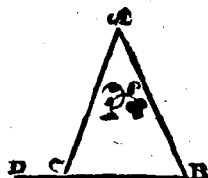


16

Παντὸς ὡς γωνία αἱ δύο γωνίαι, δύο ὁρθῶν ἐλάττωγες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 10. Propositio 17.

Cuiuscunque trianguli duo anguli duobus rectis sunt minores omnifariâ sumpti.



17

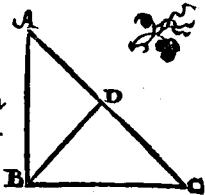
Παντὸς ὡς γωνία ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γωνίαν

νέαν ὑποτείνει.

Theorema 11. Propositio 18.

Omnistrianguli maius latus maiorem angulū subtendit.

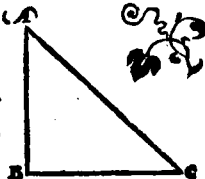
ι θ



Παντὸς τριγώνου ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἢ μείζον πλευρά ὑποτείνεται.

Theorema 12. Propositio 19.

Omnis trianguli maior angulus, maiori lateri sub tenditur.

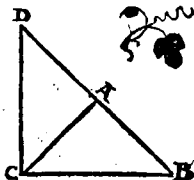


κ

Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῇ λοιπῇ μείζονες εἰσι, πάντα μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 13. Propositio 20.

Omnistrianguli duo latera reliquo sunt maiora, quomodocūq; assumpta.



κα

Εάν τριγώνον ἐπὶ μιᾷ τῶν πλευρῶν ἀπὸ τῶν περάτων δύο εὐθείαι ἐντὸς συσταθῶσιν, αἱ συσταθείσαι, τῶν λοι

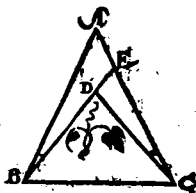
B 4 πῶν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

πῶν τοῦ ῥιγῶν δύο πλευρῶν ἐλάττωες μὲν ἴσται·
μείζονα δὲ γωνίαν περιέχουσι.

Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli uno latere, ab extremitatibus duæ rectæ lineæ, interius constitutæ fuerint, hæ cōstitutæ reliquis trianguli duobus lateribus minores quidem erunt, maiorem verò angulū continebunt.

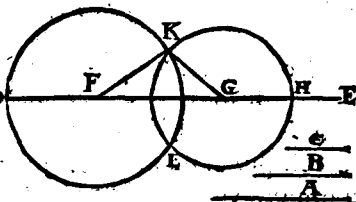


κβ

Ἐκ ῥιγῶν ευθεῶν, αἱ εἰσιν ἴσαι ῥισὶ ταῖς δοθείσαις ευθεύαις, ῥιγῶνον συστήσασθαι. Δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντη μεταλαμβανομένας, διὰ τὸ καὶ παντὸς ῥιγῶν τὰς δύο πλευράς, τῇ λοιπῇ μείζονας εἶναι, πάντη μεταλαμβανομένας.

Problema 8, Propositio 32.

Ex tribus rectis lineis quæ sunt tribus datis rectis lineis æqualibus, triangulum constituere.



Oportet autem duas reliquas esse maiores omnifariā sumptas: quoniam uniuscuiusque trianguli duo latera omnifariam

nifariam sumpta reliquo sunt maiora.

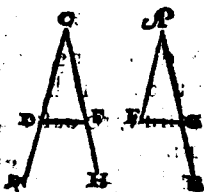
xy

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ
δοθείσῃ γωνίᾳ, εὐθυγράμμῃ ἴσῃ γωνίᾳ, εὐθύ-
γραμμον συστήσασθαί.

Problema 9. Propo-

sitio 23.

Ad datam rectam lineam
datumq; in ea punctum,
dato angulo rectilineo &
qualem angulum rectili-
neum constituere.

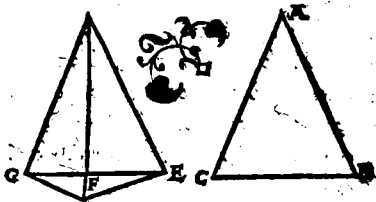


κα

Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῆς δυοῖ πλευ-
ρῆς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, τὴν ὅ γωνίαν τῆς
γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθετῶν περιε-
χομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo
triangu-
la duo la-
tera duo
bus late-
ribus æ-
qualia ha-



buerint, vtrunq; vtriq; angulum verò angu-
lo maiorem sub æqualibus rectis lineis con-
tentum: & basin basi maiorem habebunt.

B 5

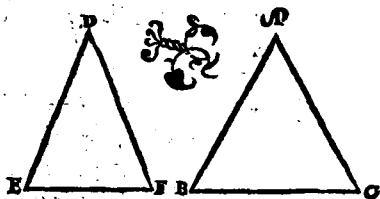
κα Εἰ

Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τᾷς δυοὶ πλευ-
ρᾷς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν βάσιν ὅτ' ἴσας
μεῖζονα ἔχῃ, καὶ τὴν γωνίαν ὅτ' ἴσας μεῖζονα
ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐνθεῖων περιεχομένην.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateri-
bus æqualia habuerint, vtrunque vtrique,
basin verò basi maiorem: & angulum sub æ-
qualib'

rectis li-
neis con-
tentū an-
gulo ma-
iorem ha-
beunt.

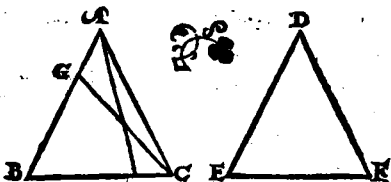


Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας τᾷς δυοὶ γωνίαις
ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν μίᾳ
πλευρᾷ ἴσῃ, ἢ τὴν πρὸς τᾷς ἴσας γωνίαις, ἢ ὑ-
ποτείνουσιν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν: καὶ τὰς λοι-
πὰς πλευρὰς τᾷς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας ἔξει, ἑκα-
τέραν ἑκατέρα, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ γω-
νίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

Si duo triangula duos angulos duobus an-
gulis æquales habuerint, vtrunque vtrique,
vnum-

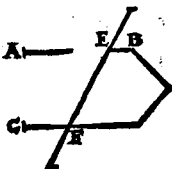
vnūquē latūs vni lateri æquale, siue quod æqualibus adiacet angulis, seu quod vni æqualium angulorum subtenditur: & reliqua latera reliquis laterib. equalia, vtrumq; vtri- que, & reliquum angulum reliquo angulo æqua- lem habebunt.



Εάν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέσῃ, τὰς ἐναλ-
λάξ γωνίας ἰσας ἀλλήλαις ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται
ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re-
cta incidens linea alterna-
tim angulos æquales inter
se fecerit: parallelæ erunt
inter se illæ rectæ lineæ.



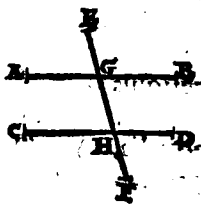
Εάν εἰς δύο ἐνθείας εὐθεῖα ἐμπέσῃ, τὴν ἐκτὸς γω-
νίαν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
ἴσως ποιῇ, ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν
ὁρθαῖς ἰσας ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ
εὐθεῖαι.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea, externum angulum interno, & opposito, & ad easdem partes æqualem fecerit, aut internos & ad easdem partes duobus rectis æquales: parallelæ erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

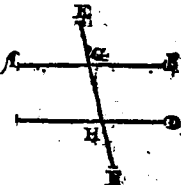


κ β

ἡ εἰς τὰς παραλλήλας εὐθείας, εὐθεῖα ἐμπίπτουσα, τὰς τε ἐναλλὰξ γωνίας ἴσας ἀλλήλους ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκ τῶς τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἴσην, καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, διῃσιν ὅσην ὅσας ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas lineas recta incidens linea, & alternatim angulos inter se æquales efficit & externū interno & opposito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.



λ

Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παραλλήλοι, καὶ ἀλλήλους εἰσι παραλλήλοι.

Theo

Theorema 21. Propositio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ, parallelæ, & inter se sunt parallelæ.

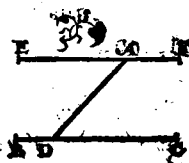


λα

Από το δοθέν σημείον, ἡ δοθείσα εὐθεῖα παράλληλὴν τῇ δοθείσῃ γραμμὴν ἀγαγεῖν

Problema 10. Propositio 31.

A dato puncto datæ rectæ lineæ parallelam rectam lineam ducere.

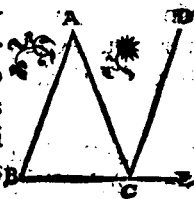


λβ

Πατὸς ῥιγὼν μιᾷ τῶν πλευρῶν προσεβληθείσης, ἡ ἐκτὸς γωνία δυσὶ τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίων ἴση ἐστὶ. Καὶ αἱ ἐντὸς τοῦ ῥιγὼν ῥεῖς γωνίαι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltterius producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.



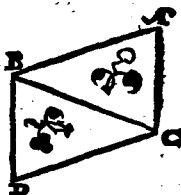
λγ Αδ

λ γ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπὶ
 ζευγίσσαι ἐυθεΐαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι καὶ παραλλήλοι
 εἰσι.

Theorema 23. Propo-
 sitio 33.

Rectæ lineæ quæ æqua-
 les & parallelas lineas ad
 partes easdē coniungunt,
 & ipsæ æquales & paral-
 lele sunt.

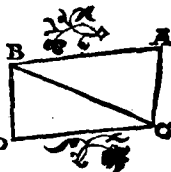


λ δ

Τῶν παραλληλογράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίον
 πλευραὶ καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ· καὶ ἡ διάμε-
 τρος αὐτὰ δίχα τέμνει.

Theorema 24. Propo-
 sitio 34.

Parallelogrammorum spa-
 tiorum æqualia sunt in-
 ter se quæ ex aduerso & latera & anguli: at-
 que illa bifariam secant diameter.



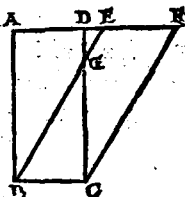
λ ε

Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως
 ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις
 εἰσιν.

Theo-

Theorema 25. Propositio 35.

Parallelogrāma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

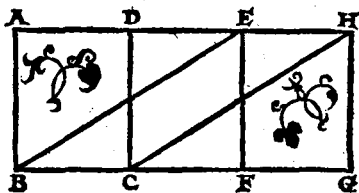


λ 5

Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super æqualibus basibus & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

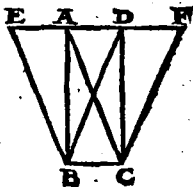


λ 3

Τὰ ῥήγματα, τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theorema 27. Propositio 38.

Triangula super eadem basi constituta, & in eisdem parallelis, inter se sunt æqualia.



λ η Τ α

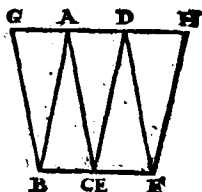
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

λη

Τὰ ῥίγματα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς αὐ-
ταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

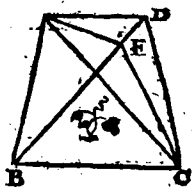


λθ

Τὰ ἴσα ῥίγματα τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα, καὶ ἐπὶ
τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις εἰσίν.

Theorema 29. Pro-
positio 38.

Triangula æqualia super
eadem basi & ad easdem
partes constituta: & in eisi-
dem sunt parallelis.

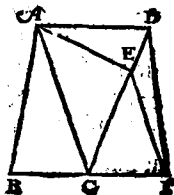


μ

Τὰ ἴσα ῥίγματα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
εἰσίν.

Theorema 30. Pro-
positio 40.

Triangula æqualia super
æqualibus basibus & ad
easdem partes constituta,
& in eisdē sunt parallelis.



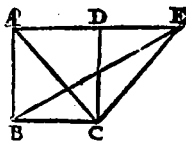
μα Εὐν

μα

Εάν παραλληλόγραμμον ζιγώνω βάσιν τε ἔχη τὴν αὐτὴν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἢ, διπλάσιον ἔσται τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ ζιγώντος.

Theorema 31. Propositio 41.

Si parallelogrammum cum triangulo eandem basin habuerit, in eisdemque fuerit parallelis, duplum erit parallelogrammum ipsius trianguli.

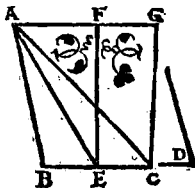


μβ

Τὸ δοθέν ζιγώνω ἴσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι, ἐν τῇ δοθείσῃ ἐυθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema 11. Propositio 42.

Dato triangulo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.



μγ

Παντός παραλληλογράμμου, τῶν περὶ τὴν διάμετρον παραλληλογράμμων ἰσά παραπληρώματα, ἴσα ἐλλήλοις ἔσιν.

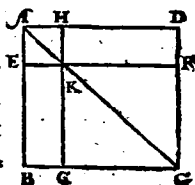
C

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

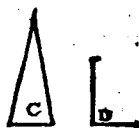
Theorema 32. Propositio 43.

In omni parallelogrammo, complementa eorum quæ circa diametrum sunt parallelogrammorum, inter se sunt æqualia.



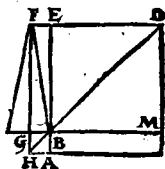
μδ

Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν, τῷ δοθέντι ῥυθμῷ ἵσθι παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω.



Problema 12. Propositio 44.

Ad datam rectam lineam, dato triangulo æquale parallelogrammum applicare in dato angulo rectilineo.



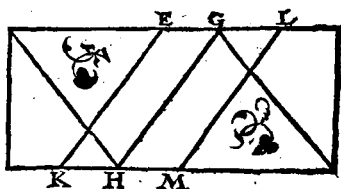
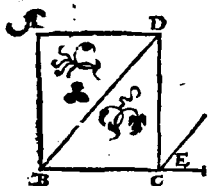
με

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἵσθι παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema 13. Propositio 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.

μς ΑΩδ

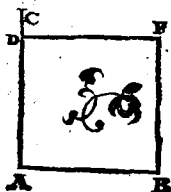


μ ε

Από τῆς δοθείσης εὐθείας τετράγωνον ἀναγράψαι.

Problem 14. Propositio 46.

A data recta linea quadratum describere.

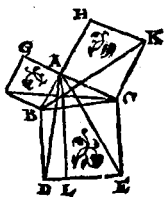


μ ζ

Εν τῇς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τῇς ἀπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετράγωνοις.

Theorema 33. Propositio 47.

In rectangulis triangulis, quadratum quod à latere rectum angulum subtendente describitur, æquale est eis quæ à lateribus



C 2

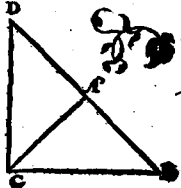
rectum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 rectum angulum continentibus describun-
 tur, quadratis.

^{μη}
 Εάν ῥιγώνη τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνου
 ἔσθι ἢ τις ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ ῥιγώνη δύο πλευρῶν
 τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν λοιπῶν
 τοῦ ῥιγώνη δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστ.

Theorema 34. Propositio 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trian-
 guli describitur, æquale sit
 eis quæ à reliquis triangu-
 li lateribus describuntur,
 quadratis: angulus cōpre-
 hensus sub reliquis duo-
 bus trianguli lateribus, re-
 ctus est.



FINIS ELEMENTI I.

ΕΥΚΛΕΙ¹⁹

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SECVNDVM.

ΠΡΟΛΟΓΟΣ.

α

ΠΑΝ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, περιέχεται ὑπὸ δύο τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχσῶν εὐθειῶν.

DEFINITIONES.

1

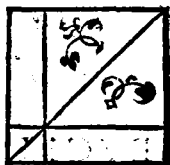
Omne parallelogrammum reſtangulū contineri dicitur ſub reſtis duabus lineis, quæ reſtum comprehendunt angulum.

β

Παντὸς ὃ παραλληλογράμμου χωρὶς, τῶν περὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ, ἐν παραλληλογράμμοις ὁποιοῦν σὺν τοῖς δυοῖ παραπληρώμασι, γνῶμων χελεύει.

C 3 2 In

In omni parallelogrammo spatium, unumquodlibet eorum quæ circa diametrum illius sunt parallelogrammorum, cum duobus complementis, Gnomon vocetur.

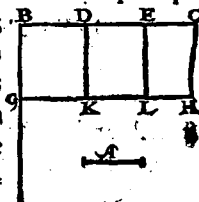


Πρότασις α.

Εάν ὡσι δύο εὐθεῖαι, τμηθῇ ἢ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα διηποτοῦν τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο εὐθειῶν, ἴσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ τε τῶν ἀτμή-
ται καὶ ἐκάστω τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογώ-
νοις.

Theorema I. Proposition I.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque ipsarum altera in quotcunq; segmenta: rectangulum comprehensum sub illis duabus rectis lineis, æquale est eis rectangulis quæ sub infecta & quolibet segmentorum comprehenduntur.



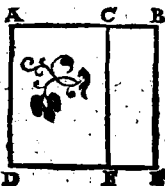
β

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχῃ, τὰ ὑπὸ τῶν ὁλῆς καὶ ἐκατέρω τῶν τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώνια ἴσα ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῶν ὁλῆς τετραγώνῳ.

Theo-

Theorema 2. Propositio 2.

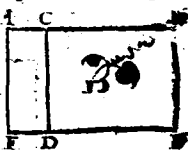
Si recta linea secta sit ut-
cunq; rectangulo quæ sub
tota & quolibet segmen-
torum comprehenduntur;
æqualia sunt ei, quod à to-
ta fit, quadrato.



Εάν ευθεία γραμμὴ ὡς ἐτυχε τμηθῇ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
ἴσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρ-
θογώνιῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ προειρημένου τμήματος
τετραγώνῳ.

Theorema 3. Propositio 3.

Si recta linea secta sit utunque, rectangu-
lum sub tota & vno se-
gmentorum comprehen-
sum, æquale est & illi quod
sub segmentis compre-
henditur rectangulo, & il-
li, quod à prædicto segmento describitur,
quadrato.

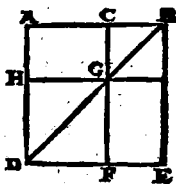


Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅ-
λης τετραγώνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμημά-
των τετραγώνοις, καὶ τῷ διὰ τῶν τμημάτων πε-
ριεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 4. Propositio 4.

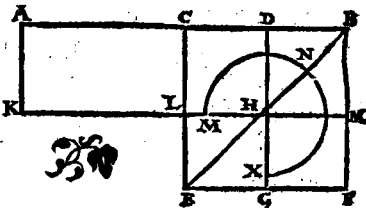
Si recta linea secta sit ut-
cunque: quadratum quod
à tota describitur, æquale
est & illis quæ à segmentis
describuntur quadratis, &
ei quod bis sub segmentis
cōprehenditur, rectāgulo.



Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα, τὸ ὑπὸ
τῶν ἀνίσων τῶν ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰ τῶν τομῶν τετρα-
γώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου.

Theorema 5. Propositio 5.

Si recta linea secetur in æqualia & non æ-
qualia: rectangulum sub inæqualibus seg-
mentis totius comprehensum, vnà cum qua-
drato, qd' ab inter-
media se-
ctionū, æ-
quale est
ei quod à
dimidia
describitur, quadrato.

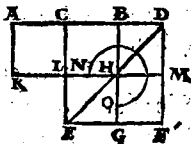


Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσεβῇ δέ τις αὐ-
τῇ ευθεία ἐπὶ ευθείας, ὀρθογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
σὺν

ἐὺν τῇ προσκειμένῃ, καὶ τῇ προσκειμένης περιχομένην ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς συγκειμένης ἔκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

Theorema 6. Propositio 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi rectæ quædam linea in rectum adijciatur, rectangulum comprehensum sub tota cum adiecta & adiecta simul cum quadrato à dimidia, æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab una descripto.



Εάν ἐυθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης, καὶ τὰ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέρω τετραγώνῳ ἴσα ἐστὶ τῷ τε δὶς ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ εἰρημένου τμήματος περιχομένῳ ὀρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

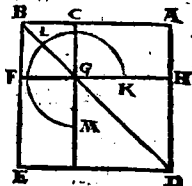
Theorema 7. Propositio 7.

Si recta linea secetur vtcunque: quod à tota, quodque ab vno segmentorum, vtraque simul

C 5

ELUCID. ELEMEN. GEOM.

simul quadrata, æqualia
sunt & illi quod bis sub to-
ta & dicto segmento com-
prehenditur, rectangulo,
& illi quod à reliquo se-
gmento fit, quadrato.

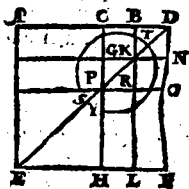


η

Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτύχε, τὸ τεξάκις ὑ-
πὸ τῆς ὅλης καὶ ἑνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον
ἑρδωγώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος
τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ εἰρημέ-
του τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντε τετρα-
γώνῳ.

Theorema 8. Propositio 8.

Si recta linea secetur utcumque: rectangu-
lum quater comprehen-
sum sub tota & uno se-
gmentorum, cum eo quod
à reliquo segmento fit,
quadrato, æquale est ei
quod à tota & dicto se-
gmento, tanquam ab una
linea describitur, quadrato.



θ

Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἄνισα, τὰ ἀπὸ
τῶν ἀνίσων τῆς ὅλης τμημάτων τετραγώνου, διπλάσιόν
ἐστι τοῦ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς με-
ταξὺ τῶν τμητῶν τετραγώνου.

Theo

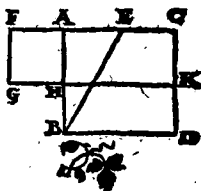
Theorema 9. Propositio 9.

1 α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥς τε τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ ἐτέρου τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Problema 1. Propositio 11.

Datam rectam lineam secare, ut comprehensum sub tota & altero segmentorum rectangulum, æquale sit ei quod à reliquo segmento fit, quadrato.



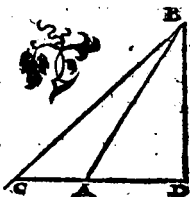
1 β

Ἐν τοῖς ἀμβλυγώνιοις, τετράγωνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ἀμβλείας γωνίας ὑποστηνούσης πλευρᾶς τετράγωνον, μείζον ἐστὶ τῶν τὴν ἀμβλείαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸ τε μιᾶς τῶν περὶ τὴν ἀμβλείαν γωνίαν, ἐφ' ἣν ἐκβληθεῖσαν ἡ καθεστὸς πίπτῃ, καὶ τῷ ἀπολαμβανομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῆς καθεστὸς πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 11. Propositio 12.

In amblygonijs triangulis, quadratú quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quan-

quantitate rectanguli bis comprehensi & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cum protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriori linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.



17

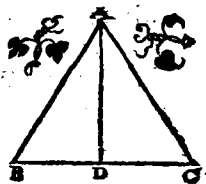
Ἐν τοῖς ὀξυγωνίοις ῥηγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὀξείας γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετραγώνον, ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν τὴν ὀξείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸ τῆς μιᾶς τῶν περὶ τὴν ὀξείαν γωνίαν, ἢ ἢ ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐν τὸς ὑπὸ τῆς καθετῆς πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 12. Propositio 13.

In oxygonijs triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno latere

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

rum, quæ sunt circa acu-
tum angulum, in quod
perpendicularis cadit, &
ab assumpta interiori li-
nea sub perpendiculari
prope acutum angulum.



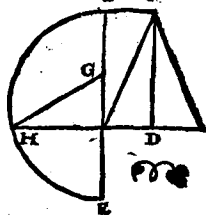
18

Τὸ δοθέν ἐκ τῆς ὑπογόμενης ἰσότη-
τος ὁ γωνίων συστήσασθαι.



Problema 2. Propo-
sitio 14.

Dato rectilineo æquale
quadratum constituere.



ELEMENTI II. FINIS.

ΕΥΚΛΕΙ²⁴

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM TERTIVM.

δ Ρ Ο Ι.

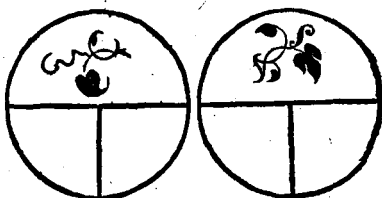
α

Ἰσοὶ κύκλοι εἰσὶν, ὧν αἱ διαμέτροι εἰσὶ ἴσαι·
ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσὶν.

DEFINITIONES.

I

Aequales circuli, sunt quorū diametri sunt
æquales,
vel quo-
rum que
ex cētris
rectæ li-
neæ sunt
æquales.

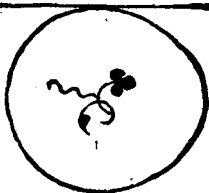


β

Εὐθεῖα κύκλῳ ἐφαπτομένη λέγεται, ἥ τις ἀπλομένη
τοῦ κύκλου, καὶ ἐκβαλλομένη, οὗ τέμνῃ τὸν κύκλον.

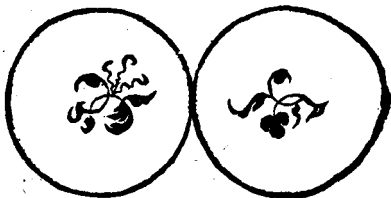
2 Recta

²
 Recta linea circulum tan-
 gere dicitur, quæ cùm cir-
 culum tangat, si produca-
 tur, circulum non secat.



^γ
 Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἵτινες ἀπὸ
 κέντρων ἀλλήλων, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλους.

³
 Circuli
 sese mu-
 tuo tan-
 gere di-
 cuntur:
 qui sese
 mutuo

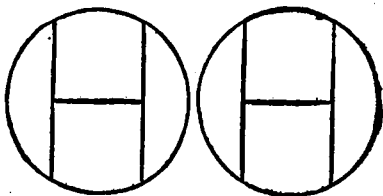


tangentes, sese mutuo non secant.

^δ
 Ἐν κύκλῳ ἴσον ἀπέχειν τοῦ κέντρου εὐθεῖαι λέγονται,
 ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐτάς κἀδετοὶ ἀγόμε-
 ναὶ ἴσαι ᾧσι: μείζον ὃ ἀπέχειν λέγεται, ἐφ' ἣν ἡ μεί-
 ζων κἀδετος πίπτει.

⁴
 In circulo æqualiter distare à centro rectæ
 lineæ dicuntur, cùm perpendiculares, quæ
 à cen-

à centro
in ipfas
ducūtur,
sunt æ-
quales.
Longius
autē ab-
esse illa dicitur, in quam maior perpendicu-
laris cadit.



Τμήμα κύκλου ἐστὶ τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ
τε ὑθείας καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmentum circuli est, fi-
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com-
prehenditur.



Τμήματος ὅ γωνία ἐστίν, ἡ περιεχομένη ὑπὸ τε ὑ-
θείας, καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmenti autem angulus est, qui sub recta li-
nea & circuli peripheria comprehenditur.

Εν τμήματι ὅ γωνία ἐστίν, ὅταν ἐπὶ τῆς περιφε-
ρείας τοῦ τμήματος ληφθῇ τι σημεῖον, καὶ ἀπ' αὐ-
τοῦ ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς ὑθείας, ἢ ἐπὶ βάσεις τῆς τμή-
ματος.

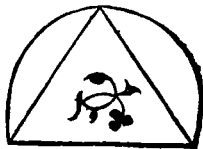
ἢ
ματῶς,

ELUCID. ELEMEN. GEOM.

ματς, ἐπεξευχθῶσιν ἐυθεῖαι, ἡ περιεχομένη γωνία
ὑπὸ τῶν ἐπιευχθῆσων ἐυθεῶν.

7

In segmento autem angulus est, cū in segmenti peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.

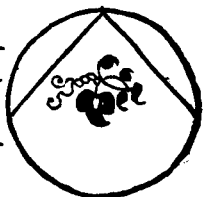


η

ὅταν ᾖ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν ἐυθεῖαι ἀπολαμβάνουσιν ἕνα περιφέρειαν, ἐπ' ἐκείνης λέγεται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehēdentes angulum rectæ lineæ aliquam assumunt peripheriam, illi angulus consistere dicitur.



θ

Τομεὺς ᾗ κύκλος ἐστίν, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ τοῦ κύκλου σταθῇ ἡ γωνία: τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῶν τὴν γωνίαν περιέχουσων ἐυθεῶν καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφερείας.

9 Sector

9

Sector autem circuli est, cum ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.

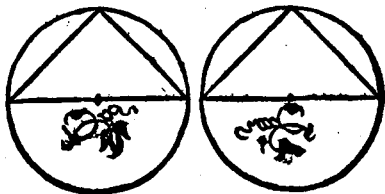


ὅμοια τμήματα κύκλου εἰν, τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας: ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales:

aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



Προτάσις.

α

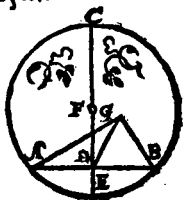
Τὸ ὁδοῦντος κύκλου τὸ κέντρον εὐρεῖν.

Problema 1. Propositionio 1.

Dati circuli centrum reperire.

D 2

β Ε δ γ



Εάν κύκλος ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ληφθῇ δύο τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ αὐτὰ σημεῖα ὁπίζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐκ τῶν πωσῆται τοῦ κύκλου.

Theorema 1. Pro-
positio 2.

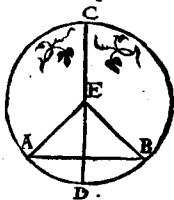
Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circum cadet.



Εάν ὁ κύκλος εὐθεῖα τις διὰ τοῦ κέντρου, εὐθεῖαν τινα μὴ διὰ τοῦ κέντρου δίχα τέμνη, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τεμνέ. καὶ ἐὰν πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τέμνη, καὶ δίχα αὐτὴν τεμνέ.

Theorema 2. Propositio 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandam non per centrum extensam bifariam secet: & ad angulos rectos ipsam secabit. Et si ad angulos rectos eam secet, bifariam quoque eam secabit.



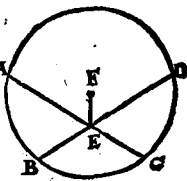
Εάν ὁ κύκλος δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ διὰ τοῦ

τοδ κέντρο ούσαι, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλας δίχα.

Theorema 3. Propo-

sitio 4.

Si in circulo duæ rectæ li-
neæ sese mutuò secant nō
per centrum extensæ, sese
mutuò bifariam non seca-
bunt.

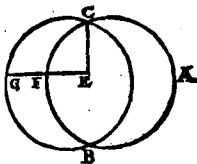


Εὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, οὐκ ἔσαι αὐτῶν
τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 4. Propo-

sitio 5.

Si duo circuli sese mutuò
secant, non erit illorum
idem centrum.

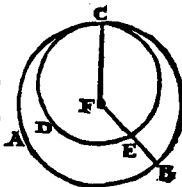


Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπλωνται ἀλλήλων ἐντὸς, οὐκ
ἔσαι αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 5. Propo-

sitio 6.

Si duo circuli sese mutuò
interius tangent, eorum
non erit idem centrum.



Εὰν κύκλος ἐπὶ τῇ διαμέτρῳ λαβῇ τι σημεῖον, ὃ μὴ
ᾖ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου, ἀπὸ τοῦ σημείου παροσπί-

D 3

πῶσιν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

πῶσι τευθεῖαι τινες πρὸς τὸν κύκλον : μεγίστη μὲν ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη δὲ ἡ λοιπή: τῶν δὲ ἄλλων αἰὲν ἡ ἐγγιον τῇ διὰ τοῦ κέντρου τῷ ἀπώτερον μείζων ἐστίν. Δύο δὲ μόνον εὐθεῖαι ἴσαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου πρὸς τοὺς κύκλους, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theorema 6. Propositio 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur punctum, quod circuli centrum non sit, ab eoque puncto in circulum quædam rectæ linee cadant: maxima quidem erit ea in qua centrum, minima verò reliqua: aliarum verò propinquior illi quæ per centrum ducitur, remotiore semper maior est. Duæ autem solùm rectæ lineæ æquales ab eodem puncto in circulum cadunt, ad vtrasque partes minimæ.

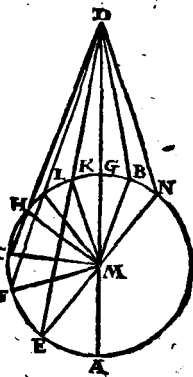


Εάν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ δὲ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον διαχθῶσιν εὐθεῖαι τινες, ὅν μίαν μὲν διὰ τοῦ κέντρου, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἐτυχε: τῶν μὲν πρὸς τὴν κοίλῳ περιφέρειαν προσπιπῶσων εὐθεῶν, μεγίστη μὲν ἡ διὰ τοῦ κέντρου, τῶν δὲ ἄλλων αἰὲν ἡ ἐγγιον τῇ διὰ τοῦ κέντρου, τῷ ἀπώτερον μείζων ἔσται.

ἔσται. τῶν δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπι-
πτῶσων εὐθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ἔστιν ἡ μεταξύ τοῦ τε ση-
μεῖος καὶ τῆς διαμέτρου. τῶν δὲ ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγιον τῆς ἐλα-
χίστης, τῆς ἀπώτερόν ἐστι ἐλάττω. Δύο δὲ μόνον εὐ-
θεῖαι ἴσαι προσπεσθῶνται ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν
κύκλον ἐφ' ἐκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theorema 7. Propositio 8.

Si extra circulum sumatur punctum quod-
piam, ab eoque puncto ad circulum dedu-
cantur rectæ quædam lineæ, quarum una qui-
dem per centrum protendatur, reliquæ ve-
rò ut libet: in concavam peripheriam cadentiũ
rectarum linearum maxima quidem est illa,
quæ per centrum ducitur: aliarum autem
propinquier ei, quæ per
centrum transit, remo-
tiore semper maior est.
in convexam verò peri-
pheriã cadentiũ rectarũ
linearũ, minima quidem
est illa, quæ inter punctũ
& diametrum interponi-
tur: aliarum autẽ, ea quæ
propinquier est mini-
mæ, remotiore semper mi-
nor est. Duæ autẽ tantũ
rectæ lineæ æquales ab eo



D 4

pun.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

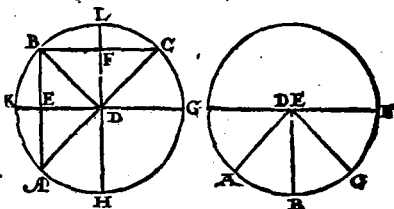
puncto in ipsum circulum cadunt, ad vtraque partes minimæ.

Εάν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσιν πλείους ἢ δύο ἑυθεῖαι ἴσαι, τὸ ληφθὲν σημεῖον, κέντρον ἐστὶ τοῦ κύκλου.

Theorema 8. Propo. 9.

Si in circulo acceptum fuerit punctum aliquod, & ab eo puncto ad circulum, cadant plures

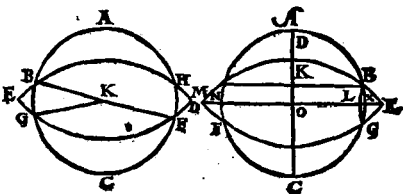
quæ duæ rectæ lineæ, æquales, acceptum punctum centrum ipsius est circuli.



Κύκλος οὐ τέμνει κύκλον κατὰ πλείονα σημεῖα, ἢ δύο.

Theorema 9. Propositio 10.

Circulus circulum in pluribus, quàm duobus, punctis non secat.



(α. Εάν

1α

Εάν δύο κύκλοι ἐφάπωνται ἀλλήλων ἐντὸς, καὶ λη-
φθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ἐπὶ τὰ κέντρα αὐτῶν ὅπ-
τις ζευγνυμένη εὐθεῖα καὶ ἐκβαλλομένη, ἐπὶ τὴν σιγα-
φὴν πεσεῖται τῶν κύκλων.

Theorema 10. Propositio 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atq; ac-

cepta fu-

erint eo-

rū cētra,

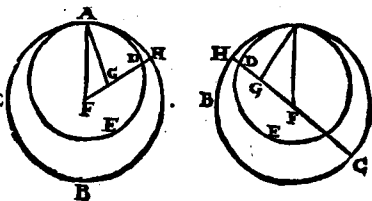
ad eorū c-

cētra ad-

iūcta re-

cta linea

& producta in contactum circulorū cadet.



1β

Εάν δύο κύκλοι ἀπῶνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ἐπὶ τὰ
κέντρα αὐτῶν ἐπιζευγνυμένη, διὰ τῆς ἐπαφῆς ἐλεύ-
σεται.

Theorema 11. Propositio 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea

recta q̄

ad cētra

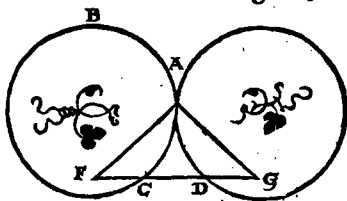
eorū ad-

iūgitur,

per cōta-

ctū illū

trāsibit.



D 5

17 Κύ-

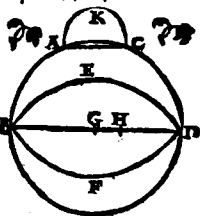
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

17

Κύκλος κύκλῳ ὅτ' ἐφάπτεται πλείονα σημεῖα ἢ
καθ' ἓν, ἐάντε ἐντὸς ἐάντε ἔκτος ἐφάπτεται.

Theorema 12. Propo-
sizio 13.

Circulus circulum non
tangit in pluribus pun-
ctis, quam vno, siue intus
siue extra tangat.

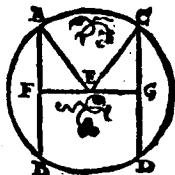


18

Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι ἐυθεῖαι ἴσ' ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ
κέντρου. καὶ αἱ ἴσ' ἀπέχουσαι ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι
ἀλλήλαις εἰσίν.

Theorema 13. Propositio 14.

In circulo æquales rectæ
linæ æqualiter distant à
centro. Et quæ æqualiter
distant à centro, æquales
sunt inter se.



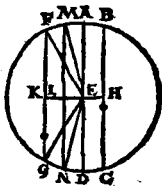
19

Ἐν κύκλῳ μεγίστη μὲν ἔσ' ἡ διάμετρος, τῶν δὲ
ἄλλων αἰεὶ ἡ ἑγγιον τοῦ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μείζων
ἔσ'.

Theo-

Theorema 14. Propositio 15.

In circulo maxima quidē
linea est diameter: aliarum
autem propinquior cen-
tro, remotiore semper ma-
ior.

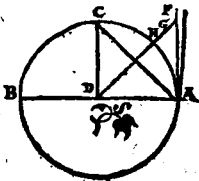


15

Ἡ τῇ διαμέτρῳ τοῦ κύκλου πρὸς ὀρθὰς ἀπὸ ἀκρᾶς ἀγομένη, ἐκτὸς πεσεῖται τοῦ κύκλου, καὶ εἰς τὸν μεταξὺ τόπον τῆς εὐθείας καὶ τῆς περιφερείας, ἑτέρα εὐθεῖα οὐ παρεμπίπτει καὶ ἡ μὲν τοῦ ἡμικυκλίου γωνία, ἀπάσης ὀξείας γωνίας εὐθυγράμμου μείζων ἐστίν, ἡ δὲ λοιπὴ, ἐλάττω.

Theorema 15. Propositio 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque cir-
culi ad angulos rectos ducitur, extra ipsum
circulum cadet, & in locum inter ipsam re-
ctam lineam & peripheriā
comprehensum, altera re-
cta linea non cadet. Et se-
micirculi quidem angu-
lus quovis angulo acuto
rectilineo maior est, reli-
quus autem minor.



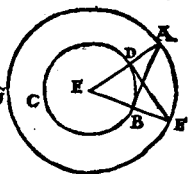
16

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τοῦ δοθέντος κύκλου ἑφαπτομένην εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Proo

Problema 2. Propositio 17.

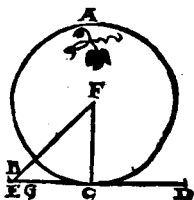
**A dato puncto rectam, li-
neam ducere, quæ datum
tangat circumulum.**



Εάν κύκλος ἐφάπτηται τις ευθεία, ἀπὸ τοῦ κέντρου
ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἐπιζευχθῇ τις ευθεία, ἡ ἐπιζευχθεῖ-
σα κάθετος ἔσται ἐπὶ τὴν ἀπτομένην.

Theorema 16. Propositio 18.

Si circulum tangat recta
quæpiam linea, à cêtro au-
tem ad contactum adiun-
gatur recta quædã linea:
quæ adiuncta fuerit ad ip-
sam cõtinentem perpen-
dicularis erit.

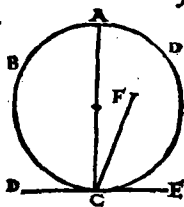


Εάν κύκλος ἐφάπτηται ἑξ ἑνὸς ἐκ τῶν ὁρίων τῆς ἐ-
φαπτομένης πρὸς ὁρίονας γωνίας ἐνδιῆα γραμμὴ
ἀχθῇ, ἐπὶ τῇ ἀχθείσῃ ἔσται τὸ κέντρον τοῦ κύκλου.

Theorema 17. Propositio 19.

Si circulum tetigerit recta quæpiam linea, &
cqua

contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangenti excitetur, in excitata erit centrum circuli.



x

Εν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίων ἐστὶ τῇ πρὸς τῇ περιφερείᾳ, ὅταν τὴν αὐτὴν περιφέρειαν βάσιν ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theorema 18. Propositio 20.

In circulo angulus ad centrum duplex est anguli ad peripheriam, cum fuerit eadem peripheria basis angulorum.



κα

Εν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν.

Theorema 19. Propositio 21.

In circulo, qui in eodem segmento sunt anguli, sunt inter se æquales.



xβ

Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον γωνίαι,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

γωνία, δυσὶν ὁρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 20. Propositio 22.

Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.

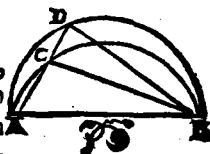


x γ

Ἐπὶ τῇ αὐτῇ ἐκδοίᾳ, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια ἕξ ἄνισα οὐ συσπλήσσονται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theorema 21. Propositio 23.

Super eadem recta linea, duo segmenta circularum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.

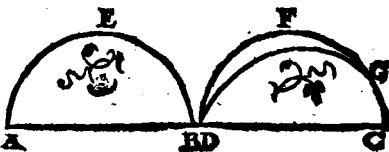


x δ

Τὰ ἐπὶ ἴσων ἐκδοῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 24.

Super equalib. rectis lineis similia circularū segmenta



sunt

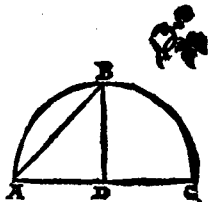
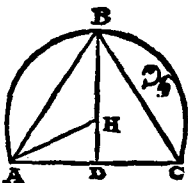
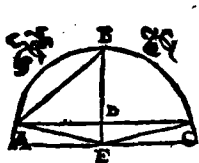
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, προσαναγράψαι τὸν κύκλον, οὗ περ ἐστὶ τμήμα.

Problema 3. Propositio 25.

Circuli segmento dato, describere circulum, cuius est segmentum.



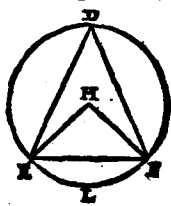
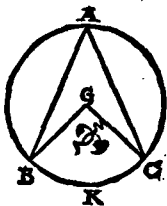
κς

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ἂν ἴσαι γωνίαι, ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβήκασι, ἔαντε πρὸς τῆς κέντροις, ἔαν τε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβηκῶσι.

Theorema 23. Propositio 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqualib. pe-

riphe-
rijs insi-
stunt
sive ad
centra,
sive ad



peripherias constituti insistant.

κζ Εθ

κζ

Εν τοῖς ἴσῃς κύκλοις, αἱ ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βε-
βηκῆαι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, ἐάντε πρὸς τοῖς
κέντροις, ἐάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ᾧσι βεβη-
κῆαι.

Theorema 24. Propositio 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æqualibus
periphe-
rijs insi-
stunt, sunt
inter se
æquales
sive ad
centra, si
ue ad peripherias constituti insistant.

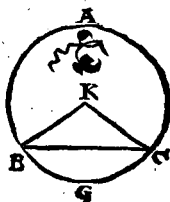


κη

Εν τοῖς ἴσῃς κύκλοις αἱ ἴσαι ἐυθεῖαι ἴσας περιφε-
ρείας ἀφαροῦσι, τὴν μὲν μείζονα, τὴ μείζονι, τὴν δὲ
ἐλάττωνα, τὴ ἐλάττω.

Theorema 25. Propositio 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ
æquales
periphe-
rias aufe-
runt, ma-
ior ἐπι-
dem ma-
iori, mi-
norem autem minori.



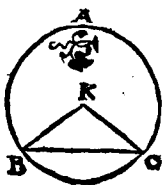
Εν

x θ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας περιφερείας ἴσα ἐκδοθεῖα ὑποτείνουσιν.

Theorema 26. Propositio 29.

In equa-
libus cir-
culis, æ-
quales pe-
ripheri-
as æqua-
les rectæ
lineæ subtendunt.

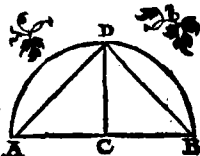


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν δίχα τέμνῃν.

Problema 4. Propo-
sitio 30.

Datam peripheriam bifa-
riam secare.



λα

Εν κύκλῳ, ἡ μὲν ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ γωνία ὀρθή ἐστιν, ἡ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς, ἡ δὲ ἐν τῷ ἐλάττωι, μείζων ὀρθῆς: καὶ ἐκ τῆς ἡμὲν τοῦ μείζονος τμήματος γωνία, μείζων ἐστὶν ὀρθῆς, ἡ δὲ τοῦ ἐλάττωος τμήματος γωνία, ἐλάττω ἐστὶν ὀρθῆς.

Theorema 27. Propositio 13.

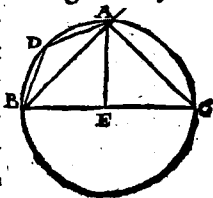
In circulo angulus qui in semicirculo, re-

E

ctus

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Αὗτος ἐστὶν: οὗτος αὐτὸς ἐν τῇ μεγάλῃ τμήματι, μικρὸς ὁ ὀρθός: οὗτος ὁ ὀρθός ἐν τῇ μικρῇ τμήματι, μέγας ἐστὶν ὁ ὀρθός. Ἐν τῇ μεγάλῃ τμήματι, ὀρθὸς οὐ μᾶλλον ἐστὶν: ἐν τῇ μικρῇ αὐτὸς τῇ τμήματι ὀρθός, μικρὸς ὁ ὀρθός.

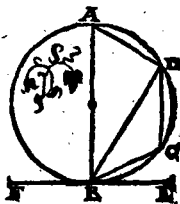


λβ

Ἐάν τις κύκλος ἐφαπτομένη τις εὐθεΐα, ἀπὸ τῆς ἀφ᾽ ἑαυτοῦ τοῦ κύκλου διαχθῇ τις εὐθεΐα τέμνουσα τὸν κύκλον: ἡ ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναλλάξ τοῦ κύκλου τμήμασι γωνίαις.

Theorema 28. Propositio 32.

Sic circulum tetigerit aliqua recta linea, a contactu autem producat quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt ijs qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.



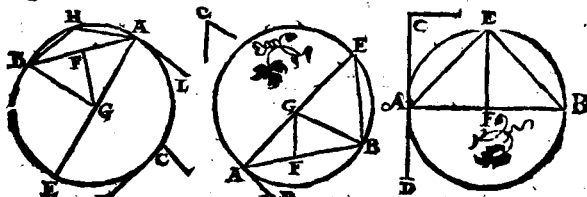
λγ

Ἐπὶ τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ γράψαι τμήμα κύκλου δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐνδεγράμμῳ.

Pro

Problema 5. Propositio 33.

Super data recta linea describere segmentū circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

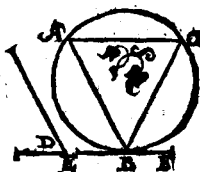


λδ

Απὸ τοῦ δοθέντος κύκλου τμήμα ἀφελῆν δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐκδυγράμμῃ.

Problema 6. Propositio 34.

A dato circulo segmentum abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λϵ

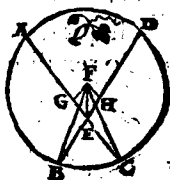
Εάν τις κύκλος δύο ἐκδύῃαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῶν τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν τῆς ἑτέρας τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

Theorema 29. Propositio 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuo

E 2 secue-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 fecuerint, rectangulum comprehensum sub
 segmen-
 tis vnus,
 æquale
 est ei, qd
 sub seg-
 mentis al-
 terius co-
 prehenditur, rectangulo.

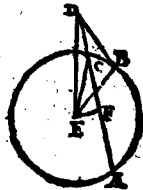
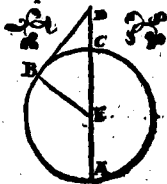


λς

Εάν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐκτὸς καὶ ἀπ' αὐτοῦ
 πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν
 αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπταιται: ἔσται τὸ ὑπὸ
 ὅλης τῆς τεμνοῦσης καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβανομένης
 μεταξὺ τοῦ τε σημείου καὶ τῆς κυρτῆς περιφερείας, πλε-
 ρεῖ ὁ μὲν ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς ἐφαπτομέ-
 νης τετραγώνῳ.

Theorema 30. Propositio 36.

Si extra circulum sumatur punctum ali-
 quod, ab eo que in circulum cadant duæ re-
 ctæ lineæ, quarum altera quidem circulum
 fecet, al-
 tera ve-
 rò tan-
 gat: qd
 sub to-
 ta secā-
 te & ex



terius

terius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta comprehenditur rectangulum, æquale ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λζ

Εὰν κύκλος ληφθῇ τι σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ προσπίπτῃ, ἡ δὲ τὸ ὑπὸ τῶν ὅλης τεμνούσης, καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβάνομένης μεταξὺ τούτων σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφέρειας, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς προσπίπτουσας: ἡ προσπίπτουσα ἐφάπτεται τοῦ κύκλου.

Theorema 31. Propositio 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & conuexam peripheriā assumpta, comprehenditur rectangulū, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidens ipsa circulum tanget.



Elementi tertij finis.

E 3

ΕΥΚΛΕΙ-

ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

TETARTON.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM QVARTVM.

ΠΡΟΛ.

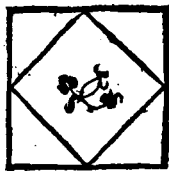
α

Σ Χῆμα ἐνδύγραμμον εἰς σχῆμα ἐνδύ-
γραμμον ἐγγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἐ-
κάστη τῶν τοῦ ἐγγραφομένου σχήματος
γωνιῶν, ἐκάστης πλευρᾶς τοῦ εἰς δ' ἐγγρά-
φεται ἀπλήται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cum singuli eius figu-
ræ quæ inscribitur, angu-
li singula latera eius, in
quæ inscribitur, tangunt.



β Σχῆμα

β

Σχῆμα ὁμοίως περὶ σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τοῦ περιγραφομένου, ἐκάστης γωνίας τοῦ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

2

Similiter & figura circum figuram describi dicitur, quum singula eius quæ circumscribitur, latera singulos eius figuræ angulos tetigerint, circum quam illa describitur.



γ

Σχῆμα ἑυθύγραμμον εἰς κύκλον ἐγγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τοῦ ἐγγραφομένου ἀπῆται τῷ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur, quum singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχῆμα ἑυθύγραμμον περὶ κύκλον περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῷ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ, τοῦ περιγραφομένου ἐφάπῃται.

E 4

4 Fi-

4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quum singula latera eius, quæ circum scribitur, circuli peripheriam tangunt.

ε

Κύκλος ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγράφεισθαι, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τοῦ εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆται.

5

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figuræ, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος ὁ περὶ σχῆμα περιγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τοῦ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

η

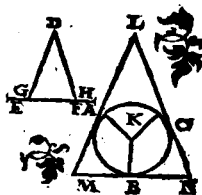
Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς, ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ἢ τοῦ κύκλου.

7

Recta linea in circulo accommodari seu coaptari

Problema 3. Propositio 3.

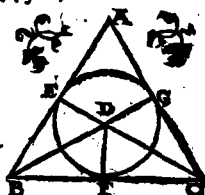
Circa datum circulū triangulū, describere dato triangulo equiangulum.



Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 4. Propositio 4.

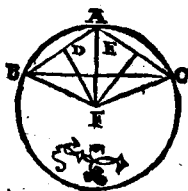
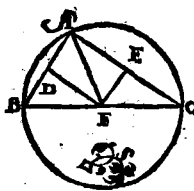
In dato triangulo circulum inscribere.



Περὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Problema 5. Propositio 5.

Circa datum triangulum, circulum describere.

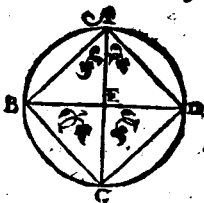


Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τὸ τρίγωνον ἐγγράψαι.

Pro

Problema 6. Propositio 6.

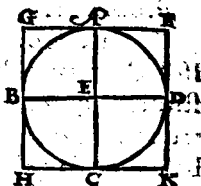
In dato circulo quadratū describere.



Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον περιγράψαι.

Problema 7. Propositio 7.

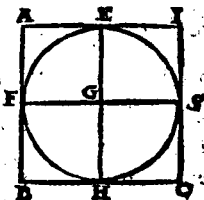
Circa datum circulum, quadratum describere.



Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 8. Propositio 8.

In dato quadrato circulum inscribere.

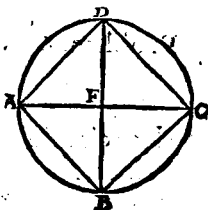


Περὶ τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 Problema 9. Propo-
 sitio 9.

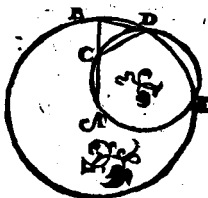
Circa datum quadratum,
 circulum describere.



Ἰσοσκελὲς τρίγωνον συσχεῖσθαι, ἔχον ἐκείραντων
 πρὸς τῇ βάσει γωνιών, διπλασίονα τῇ λοιπῇ.

Problema 10. Propo-
 sitio 10.

Isoceles triangulum con-
 stituere, quod habeat v-
 trunque eorum, qui ad
 basin sunt, angulorum, du-
 plum reliqui.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε
 καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Theorema 11. Propositio 11.

In dato cir-
 culo, pen-
 tagonum
 æquilate-
 rum & æ-
 quiangu-
 lum inscri-
 bere.

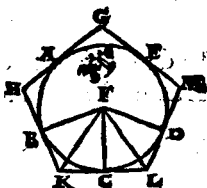


β

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε
 καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Problema 12. Propo-
 sitio 12.

Circa datum circulum,
 pentagonum æquilate-
 rum & æquiangulum de-
 scribere.

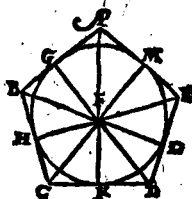


γ

Εἰς τὸν δοθέν πεντάγωνον, ὃ ἔστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰ-
 γώνιον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 13. Propo-
 sitio 13.

In dato pentagono æqui-
 latero & æquiangulo, cir-
 culum inscribere.

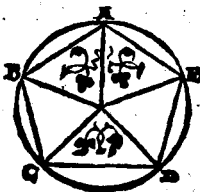


δ

Περὶ τὸν δοθέν πεντάγωνον, ὃ ἔστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ
 ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Problema 14. Propo-
 sitio 14.

Circa datum pentagonū,
 æquilaterum & æquian-
 gulū, circulū describere.

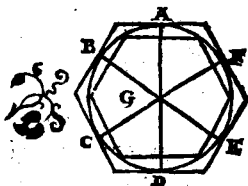
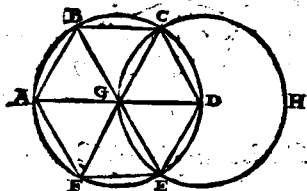


εἰς

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Problema 15. Propositio 15.

In dato circulo hexagonum & equilaterum & æquiangulum inscribere.



15

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πεντεκαδέκγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Propo. 16.

Theor. 16.

In dato cir-

culo quin-

tidecagō-

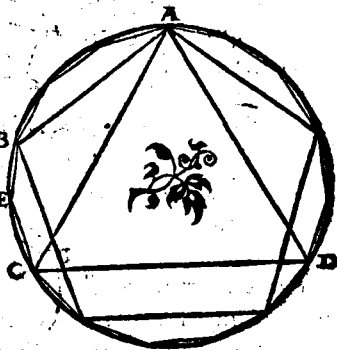
num & æ-

quilaterū

& æquian-

gulum de-

scribere.



Elementi quarti finis.

Ε Υ Κ Λ Ε Ι

40

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM QVINTVM.

ὁ Ρ Ο Ι.

α

ΜΕΡΟΣ ἐστὶ μέγεθος μέγιστος, τὸ ἐλάττω τοῦ μεί-
ζονος, ὅταν καταμετρηῇ τὸ μείζον.

DEFINITIONES.

1

Pars est magnitudo magnitudinis minor
maioris, quum minor metitur maiorem.

β

Πολλαπλάσιον ἔστι, τὸ μείζον τοῦ ἐλάττωτος, ὅταν κα-
ταμετρηται ὑπὸ τοῦ ἐλάττωτος.

2

Multiplex autem est maior minoris, cum
minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ἐστὶ δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ κατὰ πηλικότητα
πρὸς ἀλλήλα ποιά σχέσις.

3 Ratio

³
Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

^δ
Αναλογία δὲ ἔστιν, ἡ τῶν λόγων ὁμοιότης.

⁴
Proportio verò, est rationum similitudo.

^ε
Λόγον ἔχειν πρὸς ἄλληλα μεγέθη λέγεται, ὡς δύναται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

⁵
Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuo superare.

^ε
Εν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ τοῦ πρώτου καὶ τρίτου ἰσάκεις πολλαπλάσια, τῶν τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου ἰσάκεις πολλαπλασίῳν καθ' ὅποιον πολλαπλασιασμόν, ἑκάτερον ἑκατέρῃ ἢ ἅμα ἐλλείπη, ἢ ἅμα ἴσα ᾖ, ἢ ἅμα ὑπερέχη ληφθέντα κατάλληλα.

⁶
In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam.

quartam: cū primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab vtroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si easumantur quæ inter se respondent.

ξ

Τὰ ὅ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλεῖσθω.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

ὅταν ὅ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων, τὸ μὲν τοῦ πρώτου πολλαπλάσιον ὑπερέχη τοῦ τοῦ δευτέρου πολλαπλασίῳ, τὸ ὅ τοῦ τρίτου πολλαπλάσιον, μὴ ὑπερέχη τοῦ τοῦ τετάρτου πολλαπλασίῳ, τό τε πρώτων πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ περὶ τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον.

8

Cū verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excesserit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excesserit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

9

Αναλογία ὅ ἐν ἑσὶν ὁροῖς ἐλαχίστοις ἐστίν.

F

Pro-

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Όταν ᾗ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον. ὅταν ᾗ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰεὶ ἐξῆς ἐνὶ πλείον, ἕως ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχη.

Cum autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cum quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγούμενα τοῖς ἡγούμενοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò consequentibus.

ιβ

Ἐναλλαξ λόγος, ἐστὶν λήψις τοῦ ἡγουμένου πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τοῦ ἐπομένου πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alternata ratio, est sumptio antecedentis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

ιγ

Ἀνάπαλιν λόγος, ἐστὶ λήψις τοῦ ἐπομένου ὡς ἡγουμένου, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

13

Inuerfa ratio, est sumptio consequentis, ceu antecedentis, ad antecedentem velut ad consequentem.

ιδ

Σύνθεσις λόγος, ἐστὶ λήψις τοῦ ἡγουμένου μετὰ τοῦ ἐπομένου ὡς ἐνὸς πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum consequente ceu vnius, ad ipsum consequentem.

ιε

Διάρρησις δὲ λόγου, ἐστὶ λήψις τῆς ὑπεροχής, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

ις

Diuisio rationis, est sumptio excessus

F 2

quo

quo consequentem superat antecedens ad
ipsum consequentem.

15

Αναστροφὴ λόγου, ἐστὶ λήψις τοῦ ἡγουμένου πρὸς τὴν ὑ-
περοχὴν, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου.

16

Conuerfio rationis, est sumptio anteceden-
tis ad excessum, quo superat antecedens ip-
sum consequentem.

17

Δίσις λόγος ἐστὶ πλεόνων ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων
αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανομένων καὶ
ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, οὕτως ἐν τοῖς
δευτέροις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ
ἄλλως, λήψις τῶν ἁκρῶν, καὶ ὑπεξάρεσιν τῶν μέ-
σων.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint
magnitudines, & his aliæ multitudine pares
quæ binæ sumantur, & in eadem ratione:
quum vt in primis magnitudinibus prima
ad vltimam, sic & in secundis magnitudini-
bus prima ad vltimam sese habuerit. vel ali-
ter, sumptio extremorum per subductio-
nem mediorum.

18

Τεταγμένη ἀνάλογια ἐστίν, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενον
πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἡγούμενον πρὸς τὸ ἐπόμε-
νον.

νον, ἢ ᾧ ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐπόμενον
πρὸς ἄλλο τί.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quem-
admodum antecedens ad consequentem, ita
antecedens ad consequentem: fuerit etiam
ut consequens ad aliud quidpiam, ita conse-
quens ad aliud quidpiam.

18

Τεταραγμένη ἡ ἀναλογία ἐστίν, ὅταν ζυγῶν ὄντων με-
θεζῶν, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος γίνεται ὡς
μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγοῦμενον πρὸς
ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡγοῦ-
μενον πρὸς ἐπόμενον: ὡς ἢ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέ-
θεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐν τοῖς δευτέ-
ροις μεγέθεσιν ἄλλο τί πρὸς ἡγοῦμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus
positis magnitudinibus, & alijs quæ sint his
multitudine pares, cū ut in primis qui-
dem magnitudinibus se habet antecedens
ad consequentem, ita in secundis magni-
tudinibus antecedens ad consequentem:
ut autem in primis magnitudinibus conse-
quens ad aliud quidpiam, sic in secundis ma-
gnitudinibus aliud quidpiam ad anteceden-
tem.

F 3

Προ-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Προτάσεις.

α

Εάν ἡ ὁποσαοὺν μεγέθη, ὁποσωνοὺν μεγεθῶν ἴσων
τὸ πλῆθος, ἑκάστον ἐκάστῃ ἰσάκεις πολλαπλάσιον, ὅσα
πλάσιόν ἐστιν ἐν τῶν μεγεθῶν ἐνός, τοσαυταπλάσια
ἔσται καὶ τὰ πάντα τῶν πάντων.

Theorema 1. Propo- sitio 1.

Si sint quotcunque magnitudi-
nes quotcunque magnitudinum
æqualium numero, singulæ singu-
larum æquè multiples, quàm
multiplex est vnus vna magnitu-
do, tam multiples erunt & om-
nes omnium.

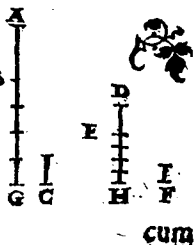


β

Εάν πρῶτον δευτέρῃ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον καὶ
ῥῖτον τετάρτῃ, ἢ ῥ καὶ πέμπτῃ δευτέρῃ ἰσάκεις πο-
λαπλάσιον, καὶ ἕκτῃ τετάρτῃ: καὶ συντεθέν πρῶτον
καὶ πέμπτον, δευτέρῃ ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον, καὶ
ῥῖτον καὶ ἕκτον τετάρτῃ.

Theore. 2. Propo. 2.

Si prima secūde æquè fue-
rit multiplex, atq; tertia B
quartæ, fuerit autem &
quinta secūde æquè mul-
tiplex, atq; sexta quartæ:
erit & composita prima



cum

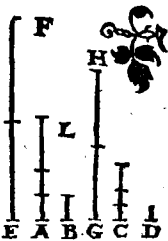
cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atq;
 tertia cum sexta, quartæ.

γ

Εάν πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
 τρίτον τετάρτου, ληφθῇ δὲ ἰσάκεις πολλαπλάσια τοῦ
 πρώτου καὶ τρίτου: καὶ διίσθ, τῶν ληφθέντων ἑκάτε-
 ρον ἑκατέρῃ ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τοῦ
 δευτέρου, τὸ δὲ τοῦ τετάρτου.

Theorema 3. Propo-
 sitio 3.

Si sit prima secundæ æquæ
 multiplex atq; tertia quar-
 tæ, sumantur autem æquæ
 multiplices primæ & ter-
 tiæ: erit & ex æquo sumpta
 rum utraque utriusque æquæ multiplex, al-
 tera quidem secundæ, altera autem quartæ.

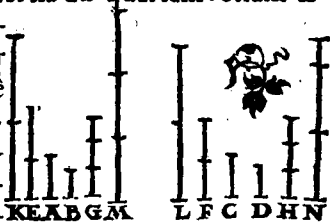


δ

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον,
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον: καὶ τὰ ἰσάκεις πολλαπλά-
 σια τοῦ τε πρώτου καὶ τρίτου, πρὸς τὰ ἰσάκεις πολλα-
 πλάσια τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου καθ' ὅποιον ὁδὸν
 πολλαπλασιασμῶν, τὸν αὐτὸν ἐξ ἑλ λόγον ληφθέντα κα-
 τάλληλα.

F 4 Theo-

Si prima ad secundam, eandem habuerit
rationem, & tertia ad quartam: etiam æ-
què multipli-
ces primæ & ter-
tiæ, ad æquè
multiplices se-
cundæ & quar-
tæ iuxta quan-
tis multiplica-
tionem, eandem habebunt rationem, si
prout inter se respondent, ita sumptæ fue-
rint.

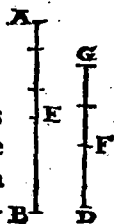


ε

Εὰν μέγεθος μεγέθους ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον,
ὅπως ἀφαίρεθὲν ἀφαίρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τοῦ
λοιποῦ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα πλάσιόν ἐστι
τὸ ὅλον τοῦ ὅλου.

Theorema 5. Propo-
sitio 5.

Si magnitudo magnitudinis
æquè fuerit multiplex, atque
ablata ablata: etiam reliqua
reliquæ ita multiplex erit, vt to-
ta totius.

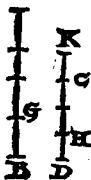


5 Εὰν

⁵
 Εάν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλά-
 σια, καὶ ἀφαιρεθέντα τινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάκεις ἢ πολ-
 λαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἦτοι ἰσα ἔσιν,
 ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theorema 6. Propo-
 sitio 6.

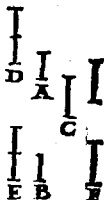
Si duæ magnitudines, duarum
 magnitudinum sint æquæ multi-
 plices, & detractæ quædam sint
 earundem æquæ multiplices: & reliquæ ei-
 dem aut æquales sunt, aut æquæ ipsarū mul-
 tiplices.



³
 Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον: καὶ τὸ αὐ-
 τὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theorema 7: Propo-
 sitio 7.

Æquales ad eandem, eandem ha-
 bent rationem: & eadem ad æ-
 quales.



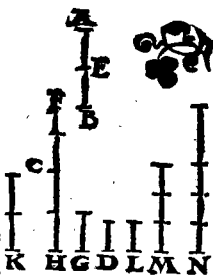
⁷
 Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζο-
 να λόγον ἔχῃ, ἢ περὶ τὸ ἐλάττω: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐ-
 λάττω μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ περὶ πρὸς τὸ μείζον.

F 5 Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 8. Propositio 8.

Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationem habet, quàm minor: & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.



9

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὴ ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶ: καὶ πρὸς ᾧ τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὴ ἔχει λόγον, καὶ αὐτὴ ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶν.

Theorema 9. Propositio 9.

Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se: & ad quas eadem, eandem habet rationem, ex quoque sunt inter se æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχόντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ἐκείνο μείζον ὂν πρὸς ᾧ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλαττόν ὂν.

Theo.

Theorema 10. Propositio 10.

Ad eandem magnitudinem, rationem habentium, quæ maiorem rationem habet, illa maior est, ad quam autem eadem maiorem rationem habet, illa minor est.



1α

Οἱ τῶ αὐτῶ λόγοι οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν δι αὐτοί.

Theorema 11. Propositio 11.

Quæ eidem sunt eadem rationes, & inter se sunt eadem.



1β

Εὰν ᾖ ὑποσαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἕτα ὡς ἐν τῶν ἡ-
γούμενων πρὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ
ἡγούμενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 12. Propositio 12.

Si sint magni-
tudines quot-
cunque propor-
tionales, quem-
admodum se ha-
buerit vna ante-
cedentium ad v.



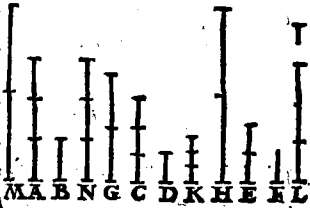
nam consequentium, ita se habebunt om-
nes antecedentes ad omnes consequentes.

17

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
ῥῖτον πρὸς τέταρτον, ῥῖτον δὲ πρὸς τέταρτον μεί-
ζονα λόγον ἔχη, ἥτις πέμπτον πρὸς ἕκτον: καὶ πρῶ-
τον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔξῃ, ἥτις πέμ-
πτον πρὸς ἕκτον.

Theorema 13. Propositio 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit ra-
tionem, quam tertia ad quartam, tertia verò
ad quartam, ma-
iorem rationem
habuerit, quàm
quinta ad sextā:
prima quoq; ad
secundam maio-
rem rationem ha-
bebit, quàm quinta ad sextam.



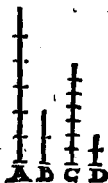
18 Εάν

ιδ

Εάν πρώτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ ὅτι πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον
 ἢ καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μείζον ἔσται, καὶ ἐλασ-
 θεν, ἐλασθεν.

Theorema 14. Propositio 14.

Si prima ad secundam eandem habuerit ra-
 tionem, quam tertia ad quartam,
 prima verò quàm tertia maior
 fuerit: erit & secunda maior quàm
 quarta. Quòd si prima fuerit æ-
 qualis tertiæ, erit & secunda æ-
 qualis quartæ: si verò minor, &
 minor erit.



ιβ

Τὰ μέρη, τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν
 ἔχη λόγον, λήψις κατάλληλα.

Theorema 15. Propo-
sitio 15.

Partes, cum pariter mul-
 tiplicibus in eadem sunt
 ratione, si prout sibi mu-
 tuo respondent, ita su-
 mantur.



ιβ Εα,

Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ ἀναλλάξ ἀνάλογον ᾖ.
 γον ᾖ.

Theorema 19. Propositio 16.

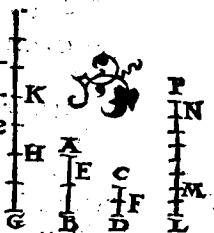
Si quatuor magnitudines
 proportionales fuerint, &
 vicissim proportionales e-
 runt.



Εὰν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ διαμερέντα,
 ἀνάλογον ᾖ.

Theorema 17. Propositio 17.

Si compositæ magnitudi-
 nes proportionales fue-
 rint, hæ quoque diuisæ
 proportionales erunt.



Εὰν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ συντεθέντα
 ἀνάλογον ᾖ.

Theo.

Theorema 18. Propositio 18.

Si diuifæ magnitudines fint pro-
portionales, hæ quoque compo-
fitæ proportionales erunt.

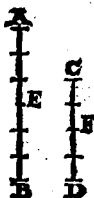


18

Εάν ἡ ὥς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως, ἀφαιρεθὲν πρὸς ἀ-
φαιρεθὲν καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἴσαι, ὥς ὅλον
πρὸς ὅλον.

Theorema 19. Propositio 19.

Si quemadmodum totum ad to-
tum, ita ablatum se habuerit ad
ablatum: & reliquum ad reli-
quum, vt totum ad totum se ha-
bebit.



x

Εάν ἡ τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος,
σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, διί-
σθῃ τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρ-
τον τοῦ ἑκτου μείζον ἴσαι: καὶ ἴσον, ἴσθι: καὶ ἑλασθι,
ἑλασθι.

Theo-

Theore. 20. Pro-
positio 20.

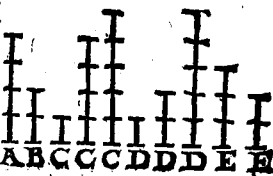
Si sint tres magni-
tudines, & alia i-
psis æquales nume-
ro, quæ binæ & in eadem ratione sumantur,
ex æquo autem prima quàm tertia maior
fuerit: erit & quarta, quàm sexta maior.
Quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit &
quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc
quoque minor erit.

κα

Εάν ἡ ὅρα μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος
σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ δὲ τε-
ταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, διίσσῃ δὲ τὸ πρῶτον
τοῦ ὅριος μείζον ἢ καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτοῦ μείζον
ἢ καὶ ἴσον, ἴσον καὶ ἑλассον, ἑλассον.

Theorema 21. Propositio 21.

Si sint tres magni-
tudines, & alia ip-
sis æquales nume-
ro quæ binæ & in
eadē ratiōe sumā-
tūr, fueritq; per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

α β

Εάν ἡ ὀποσαοῦν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ δίσεσθ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἴσας.

Theorem. 22.

Prop. 22.

Si sint quotcunq; magnitudines, & aliæ ipsis æquales numero,



quæ binæ in eadem ratione sumantur, & ex æqualitate in eadem ratione erunt.

α γ

Εάν ἡ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ἡ τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δίσεσθ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἴσας.

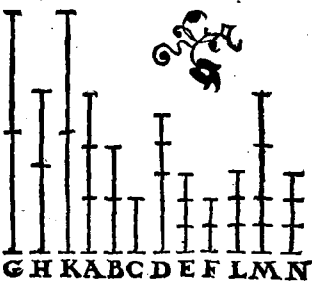
G

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 23.

Si sint tres magnitudines, a
liæq; ipsis equal
les numero, quæ
binæ in eadem
ratione suman
tur, fuerit autē
perturbata earū
proportio: etiā
ex æqualitate in
eadem ratione erunt.



κδ

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον καὶ
τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχῃ ὅ καὶ πέμπτον πρὸς δεύ
τερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον: καὶ
συντεθέν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον τὸν
αὐτὸν ἔξει λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ
ταρτον.

Theorema 24. Propositio 24.

Si prima ad secundam, eandem
habuerit rationem, quam tertia
ad quartam, habuerit autem &
quinta ad secundam eandem ra
tionem, quam sexta ad quartam:
etiam cōposita prima cum quin



ta ad

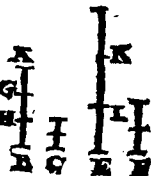
ta ad secundam eandem habebit rationem,
quam tertia cum sexta ad quartam.

κβ

Εάν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ
ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ᾗ εἰναι.

Theorema 25. Propo-
sitio 25.

Si quatuor magnitudines
proportionales fuerint, maxi-
ma & minima reliquis dua-
bus maiores erunt.



Elementi quinti finis.

Ε 2

ΕΥΚΛΕΩΣ

ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΗΘΝ
ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SEXTVM.

ΒΡΟΙ.

α.

ΟΜοια σχήματα ευθύγραμμά ἐστιν, ὅσα τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχῃ κατὰ μίαν, καὶ τὰς περὶ τὰς
ἴσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

1

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ & an-
gulos singulos singulis æquales habent, at-
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-
les, proportionalia.

β Λιζ-

β

Αντιπεπονηδόντα ἡ σχήματά ἐστιν, όταν ἑκατέρω
τῶν σχημάτων ἡγούμενοί τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι
ᾧσιν.

2

Reciprocae autem figuræ sunt, cùm in vtra-
que figura antecedentes & consequentes ra-
tionum termini fuerint.

γ

Αχρον καὶ μέγαν λόγον ἐυθεῖα τετμήσθαι λέγεται, ὅ-
ταν ἡ ὥς ἡ ὅλη πρὸς τὸ μᾶλλον τμήμα, ὅπως τὸ μᾶ-
λλον πρὸς τὸ ἔλασθον.

3

Secundum extremam & mediam rationem
recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad
maius segmentum, ita maius ad minus se ha-
buerit.

δ

Ύψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ
τὴν βάσιν κάθετος ἀγομένη.

4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpen-
dicularis à vertice ad basin deducta.

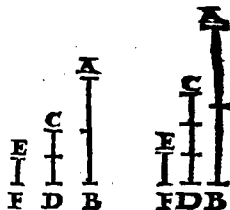
ε

Λόγος ἐκ λόγων συγκείσθαι λέγεται, όταν αἱ τῶν λό-
γων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθῶσαι
ποιῶσιν ἕνα λόγον.

G 3

Ra-

Ratio ex rationibus cō-
poni dicitur, cūm ratio-
num quantitates inter
se multiplicatæ aliquam
effecerint rationem.



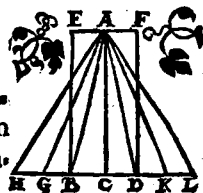
Προτάσεις.

α

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλλήλογράμμη, τὰ ὑπὸ τὸ
αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 1. Propo-
sitio 1.

Triangula & parallelo-
gramma, quorum eadem
fuerit altitudo, ita se ha-
bent inter se vt bases.



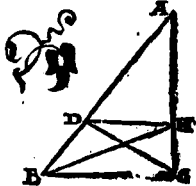
β

Εὰν τρίγωνον παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν ἀχθῇ τις ευ-
δεῖα παράλληλος, ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τοῦ τρίγωνου
πλευρὰς. καὶ ἐὰν αἱ τοῦ τρίγωνου πλευραὶ ἀνάλογον
τμηθῶσιν, ἢ ἐπὶ τὰς τομὰς ὅπῃ ζευγνυμένη ευδεῖα,
παρὰ τὴν λοιπὴν ἔσται τοῦ τρίγωνου πλευρὰν πα-
ράλληλος.

Theorema 2. Propositio 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela du-
cta

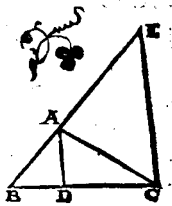
Ἐὰν fuerit recta quædam linea: hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera. Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint: quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea, erit ad reliquum ipsius trianguli latus parallela.



Ἐὰν ῥιζὼν γωνία δίχα τμηθῇ, ἢ ᾧ τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα τέμνῃ καὶ τὴν βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον τῆς λοιπῆς τοῦ ῥιζῶν πλευρῆς. καὶ ἐὰν τὰ τῆς βάσεως τμήματα, τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον τῆς λοιπῆς τοῦ ῥιζῶν πλευρῆς, ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν τομὴν ἐπιζευγυμένη εὐθεῖα δίχα τέμνῃ τὴν τοῦ ῥιζῶν γωνίαν.

Theorema 3. propositio 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basim: basis segmenta eandem habebunt rationem, quam reliqua ipsius trianguli latera. Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera, recta li-



G 4

nea,

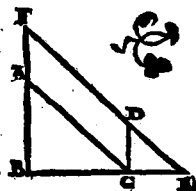
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius an-
gulum.

δ

Τῶν ἰσγωνίων ῥιγῶνων ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ
αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ τὰς
ἴσας γωνίας ὑποτείνουσαι πλευραί.

Theorema 4, Propositio 4.

Aequiangulorum trian-
gulorum proportionalia
sunt latera, quæ circum æ.
quales angulos, & homo-
loga sunt latera, quæ æ-
qualibus angulis subten-
duntur.

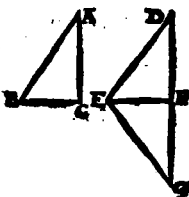


ε

Εάν δύο ῥιγῶνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχη, ἰσγῶ-
νια ἔσται τὰ ῥιγῶνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας ὑφ' αἷς
αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema 5, Propositio 5.

Si duo triangula latera pro-
portionalia habeant, equi-
angula erunt triangula, &
æquales habebunt eos an-
gulos, sub quibus homo-
loga latera subtendun-
tur.



ε Εάν

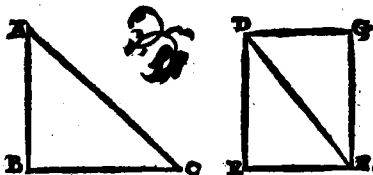
5

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴση ἔχῃ, περὶ ᾗ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ἱσθγώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας, ὅφ' αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema 6. Propositio 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangula erunt

triangula, æqualesq; habebunt angulos, sub quibus homologa latera subtenduntur.



ζ

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴση ἔχῃ, περὶ ᾗ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέραν ἅμα ἢ τι ἐλάσσονα ἢ μὴ ἐλάσσονα ὀρῇ, ἱσθγώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας, περὶ αἷς ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραί.

Theorema 7. Propositio 7.

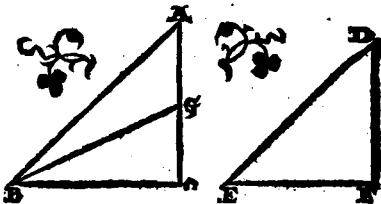
Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angulos

G 5

los

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

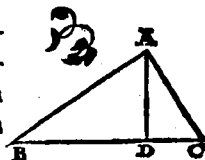
los latera proportionalia habeant, reliquo-
rum verò simul vtrunque aut minorem aut
nó mino
ré recto:
equiagu
la erunt
triangu-
la, & æ-
qualesha
beunt eos angules, circum quos propor-
tionalia sunt latera.



Ἡ ἐν ὀρθογωνίᾳ τρίγωνον, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας
ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἀχθῆναι, τὰ πρὸς τῇ καθέτῳ
τρίγωνα ὁμοία εἶναι τῷ τε ὅλῳ, καὶ ἀλλήλοις.

Theorema 8. Propositio 8.

Si in triangulo rectangu-
lo, ab angulo recto in ba-
sin perpendicularis du-
cta sit, quæ ad perpendi-
cularem triangula, tum
toti triangulo, tum ipsa
inter se similia sunt.

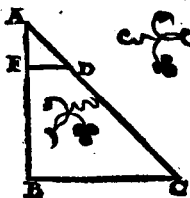


Τῆς δοθείσης ἐνθείας τὸ προσταχθὲν μέρος ἀφελῆν.

Pro.

Problema 1. Propo-
sitio 9.

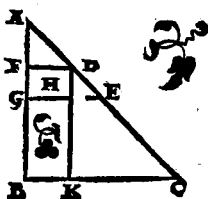
A data recta linea impe-
ratam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν ἐνδεῖαν ἀτμητον, τῇ δοθείσῃ ἐνδεῖᾳ
τετμημένη ὁμοίως τεμεῖν.

Problema 2. Propo-
sitio 10.

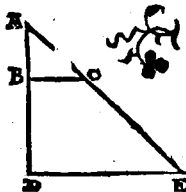
Datam rectam lineam in-
sectam similiter secare, vt
data altera recta secta fue-
rit:



Δύο δοθεῖσων ἐνδεῖων, ἥτις ἀνάλογον προσω-
γεῖν.

Problema 3. Propo-
sitio 11.

Duabus datis rectis li-
neis, tertiam proportio-
nalem adinuenire.



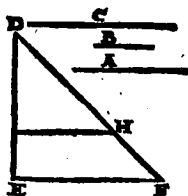
1β Τετὶς

β

Τριῶν δοθεσῶν ευθειῶν, τεικάρτω ἀνάλογον
προσευρεῖν.

Problema 4. Propo-
sitio 12.

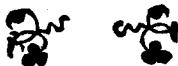
Tribus datis rectis lineis,
quartam proportionalē
adinuenire.



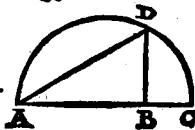
γ

Δύο δοθεσῶν ευθειῶν, μέστω ἀνάλογον προσ-
ευρεῖν.

Problema 5. Propo-
sitio 13.



Duabus datis rectis line-
is, mediam proportiona-
lem adinuenire.



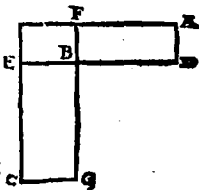
δ

Τῶν ἴσωντὲ καὶ μίαν μιᾷ ἴσῳ ἔχόντων γωνίαν
παράλληλογράμμων, ἀνέκπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ
αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ ὧν παράλληλογράμ-
μων μίαν μιᾷ ἴσῳ ἔχόντων γωνία, ἀνέκπεπόνθα-
σιν αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα εἶναι
δεικνύει.

Theor

Theorema 8. Propositio 14.

Aequalium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

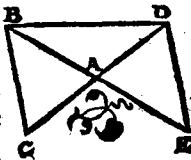


12

Τῶν ἰσῶν, καὶ μίαν μιᾷ ἰσῶν ἐχόντων γωνίαν ὅσων ὁ ἀντιπρόσθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας: καὶ ὅν μίαν μιᾷ ἰσῶν ἐχόντων γωνίαν ἀντιπρόσθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας, ἴσα εἰν ἔχοντα.

Theorema 10. Propositio 15.

Aequalium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

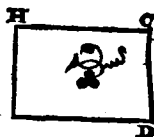
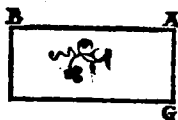


15 Edv

Εάν τέσσαρες ευθείαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον, ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες ευθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema II. Propositio 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis cōprehenditur rectangulū, æquale est ei, quod sub medijs cōprehēditur rectāgulo. Et si sub extremis cōprehensum rectangulū æquale fuerit ei, qd' sub medijs continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.

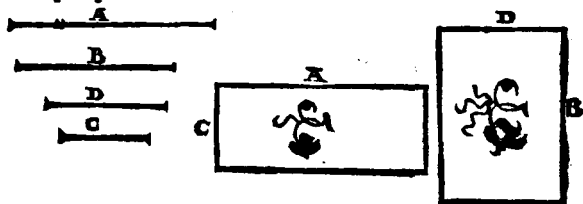


Εάν ἄλλαι ευθείαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἔσιν τῷ ὑπὸ τῆς μέσης τετραγώνῳ: καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τῷ ὑπὸ τῆς μέσης τετραγώνῳ, αἱ ἄλλαι ευθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theo.

Theorema 12. Propositio 17.

Si tres rectæ lineæ sint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illæ tres rectæ lineæ proportionales erunt.

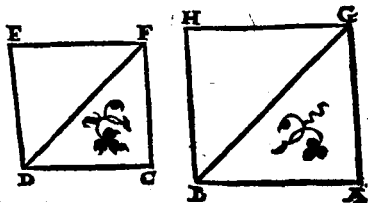


17

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ὁμοιον ὁμοίως κείμενον εὐθύγραμμον ἀναγράφαι.

Probl. 6. Propositio 18.

A data recta linea, dato rectilineo simile simili-terq; positū rectilineum describere.



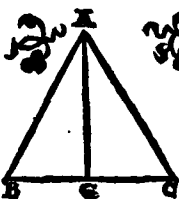
18

Τὰ ὁμοία τρίγωνα πρὸς ἄλληλα ὡς διπλασίονι λόγῳ ἐστὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 13. Propositio 19.

Similia
triangu-
la iter se
sunt i du
plicata ra
tione la-
terú ho-
mologorum.

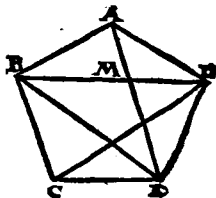


x

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια ῥήγματα διατρέ-
ται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις : καὶ
τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ περὶ ἡ ὁμόλο-
γος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theorema 14. Propositio 20.

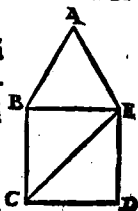
Similia
polygo-
na in si-
milia tri-
angula
diuidun-
tur, & nu-
mero æ-
qualia,
& homo-
loga to-
tis. Et po-
lygona



C

(dupli-

duplicitā
habent eā
inter se ra-
tionē, quā
latus ho-
mologum
ad homo-
logum latus.



κα

Τὰ τῶ αὐτῶ ἐνδυγράμμῳ ὁμοία, καὶ ἀλλήλοις
ἔστιν ὁμοία.

Theorema 15. Propo-
sitio 21.



Quæ eidem rectilineo
sunt similia, & inter se
sunt similia.



κβ

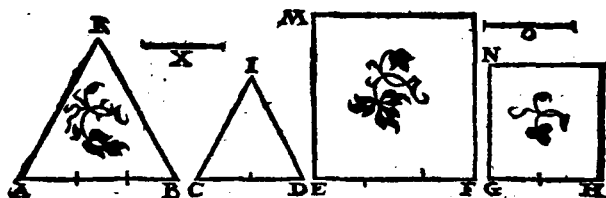
Ἐὰν τέσσαρες ἐνδείαι ἀνάλογον ᾖσιν, καὶ τὰ αὐ-
τῶν ἐνδυγράμματα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμ-
μένα ἀνάλογον ἔσται. καὶ τὰ αὐτῶν ἐνδυγράμ-
ματα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἦ,
καὶ αὐτὰ αἰ ἐνδείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-
rint: & ab eis rectilinea similia similiterque
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis

H lineis

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 lineis similia similiterque descripta rectili-
 nea proportionalia fuerint, ipsæ etiam re-
 ctæ lineæ proportionales erunt.



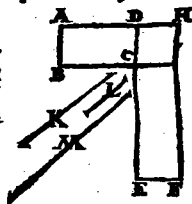
xy

Τὰ ἰσώγια παραλληλόγραμμα πρὸς
 ἄλληλα λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ
 τῶν πλευρῶν.



Theorema 17. Propositio 23.

Aequiangula parallelo-
 grammata inter se rationē
 habent eam, quæ ex lateri-
 bus componitur.



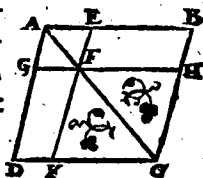
xd

Παντὸς παραλληλογράμμου τὰ περὶ τὴν διάμε-
 ρον παραλληλόγραμμα, ὁμοιά ἐστι τῷ τε ὅλῳ καὶ
 ἀλλήλοις.

Theorema 18. Propositio 24.

In

In omni parallelogrammo, quæ circa diametrum sunt parallelogramma, & toti & inter se sunt similia.

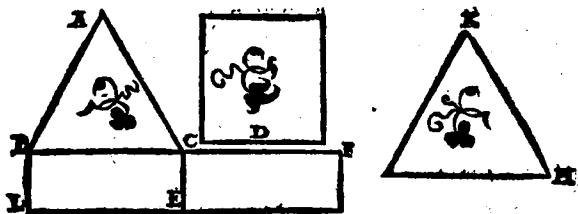


κ β

Τῶ δοθέντι ἐνδυγράμμῳ ὁμοιον, καὶ ἄλλῃ δὲ δοθέντι ἴσῳ τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

Problema 7. Propositio 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æqualo idem constituere.

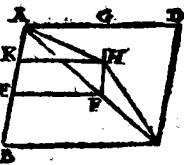


κ γ

Εάν ἀπὸ παραλληλογράμμου παραλληλόγραμμον ἀφαιρεθῇ ὁμοίον τε δὲ ὅλῳ καὶ ὁμοίως κείμενον, κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον ἔσται δὲ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallélogramme parallèle à un autre parallélogramme ablatum sit, & simile toti & similiter positum cōmunem cum eo



EVCLID. ELEMEN. GEOM.

habens angulum, hoc circum eandem cum
toto diametrum consistit.

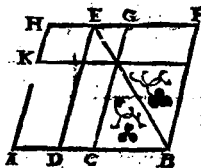
κζ

Πάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν παραβαλλο-
μένων παραλληλογράμμων, καὶ ἐλλειπόντων εἶδεσι
παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως καὶ μέγε-
θι ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφόμενῳ, μέγιστόν ἐστι
τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παραβαλλόμενον παραλλη-
λόγραμμον, ὁμοιον δὲ καὶ ἐλλείμματι.

Theorema 20. Propositio 27.

Omnium parallelogrammorum secundum
eandem rectam lineam applicatorum defi-
cientiumque figuris parallelogrammis si-
milibus similiterque positis ei, quod à di-
midia

descri-
bitur,
maxi-
mum,
id est,
quod



ad dimidiam applicatur parallelogrammum
simile existens defectui.

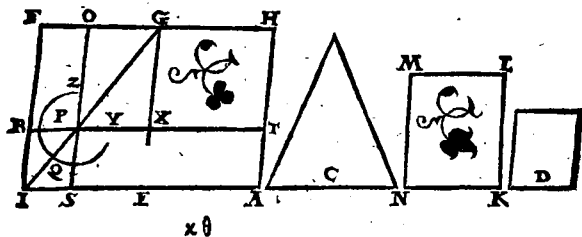
κη

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν, καὶ δοθέντι εὐθυγράμ-
μῳ ἴσῳ παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν, ἐλλεί-
ποντι δὲ παραλληλογράμμῳ ὁμοίῳ ὄντι τῷ δοθέντι.
δεῖ δὲ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, καὶ δεῖ ἴσῳ παρα-
βαλεῖν,

βαλεῖν, μὴ μῆζον εἶναι τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παρα-
βαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλειμμάτων, τοῦ τε
ἀπὸ τῆς ἡμισείας καὶ ὅδε ὁμοιον ἐλείπεν.

Problema 8. Propositio 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo
æquale parallelogrammum applicare defi-
ciens figura parallelogramma, quæ similis
sit alteri rectilineo dato. Oportet autem
datum rectilineum, cui æquale applican-
dum est, non maius esse eo quod ad dimi-
diam applicatur, cum similes sint defectus
& eius quod à dimidia describitur, & eius
cui simile deesse debet,

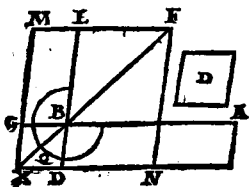


Παρά τὴν δοθεῖσαν, εὐθεῖαν ὧς δοθέντι εὐθυγράμ-
μῳ ἴσῃ παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν ὑπερ-
βάλλον ἐῶδε παραλληλογράμμῳ ὁμοίῳ ὧς δοθέντι.

Problema 9. Propositio 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo
H 3 æquale

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 æquale parallelogrammum applicare, exco-
 dens figura parallelogramma, quæ similis sit
 parallelogrammo alteri dato.

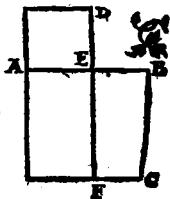


λ

Τὴν τιθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ
 μέγαν λόγον τιθεῖν.

Problema 10. Propo-
 sitio 30.

Propositam rectam li-
 neam terminatam, extre-
 ma ac media ratione se-
 care.



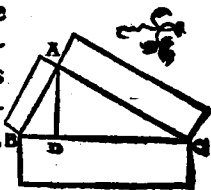
λα

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς γὰν ὀρθῆς
 γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς εἶδος ἵσιν ἐστὶ τοῖς ἀ-
 πὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν εἶ-
 δεσι τοῖς ὁμοίοις καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενοις.

Theorema 21. Propositio 31.

In reſtꝑangulis triangulis, figura quævis à la-
 tere reſtꝑꝑ angulũ ſubtendẽte deſcripta
 æqua-

æqualis est figuris, quæ
priori illi similes & simi-
liter positæ à lateribus
rectum angulum conti-
nentibus describuntur, B

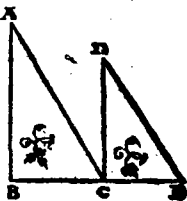


λβ

Εάν δύο τρίγωνα συντεθῇ κατὰ μίαν γωνίαν τὰς
δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἀνάλογον ἔχοντα,
ὥς τε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ παραλλή-
λως εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευραὶ ὑπὸ ἐν-
δείας ἔσονται.

Theorema 22. Propositio 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus la-
teribus proportionalia habeant, secundum
vnum angulum compo-
ta fuerint, ita ut homolo-
ga eorum latera sint etiā
parallela, tum reliqua il-
lorum triangulorum la-
tera in rectam lineam col-
locata reperiuntur.



λγ

Εν τοῖς ἴσους κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον ἔχου-
σι ταῖς περιφερείαις, ἐφ' ὧν θετέκασιν, ἐάντε πρὸς
τοῖς κέντροις, ἐάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥς τι βε-
βηκῶμαι. ἔτι καὶ οἱ τομῆς, αἵ τε πρὸς τοῖς κέντροις
συνιστάμεναι.

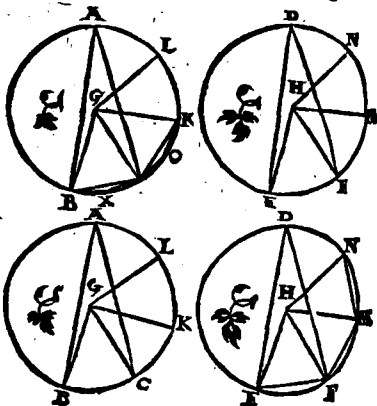
H 4 Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habent rationem cum ipsis peripherijs in quibus insistant, siue ad centra, siue ad peripherias

cõstituti illis insistant peripherijs. Insuper verò & sectores, quippe qui ad centra consistunt.



Elementi sexti finis.

ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM SEPTIMVM.

ὁ Ρ Ο Ι.

α

Μονάς ἔστι, καὶ ἥν ὁ ἕκαστον τῶν ὄντων ἐν λε-
γεται.

DEFINITIONES.

I

Vnitas, est secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Αριθμός ἐστὶ τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita
multitudo.

Η 5 γ μέρος

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

γ

Μέρος ἐστὶν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ ὁ ἐλάσσων τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρήσῃ τὸν μείζονα.

3

Pars, est numerus numeri minor maioris, cum minor metitur maiorem.

δ

Μέρη γ', ὅταν μὴ καταμετρή.

4

Partes autem, cum non metitur.

ε

Πολλαπλάσιος γ', ὁ μείζων τοῦ ἐλάττωτος, ὅταν καταμετρήται ὑπὸ τοῦ ἐλάττωτος.

ς

Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem metitur minor.

ζ

Ἀρῖτος γ' ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ δίχα διαφρούμενος.

6

Par numerus, est qui bifariam diuiditur.

ζ

Περισσὸς γ', ὁ μὴ διαφρούμενος δίχα. ἢ, ὁ μονάδι διαφέρων ἀρτίῳ ἀριθμῷ.

7

Impar verò, qui bifariam non diuiditur: vel, qui vnitate differt à pari.

η

Ἀρῖστός ἀρῖτος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίῳ ἀριθμοῦ

μοῦ μεζούμῃος κατὰ ἀρτίον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus, est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Ἀρτιάκις ᾧ περισσός ἐστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίῳ ἀριθμοῦ μετρούμῃος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quem par numerus metitur per numerum imparem.

1

Περισσάκις ᾧ περισσός ἐστιν ἀριθμός, ὁ ὑπὸ περισσοῦ μεζούμῃος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus, est quem impar numerus metitur per numerum imparem.

1α

Πρῶτος ἀριθμός ἐστιν, ὁ μονάδι μόνῃ μεζούμῃος.

11

Primus numerus, est quem vnitas sola metitur.

1β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μεζούμῃοι κοινῷ μεζῶ.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

1γ Στν-

17

Σύνθετος ἀριθμός ἐστίν, ὁ ἀριθμὸς τινὶ μεζούμενος.

13

Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

18

Σύνθετοι ἢ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμοὶ τινὶ μεζούμενοι κοινῷ μεζῶ.

14

Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

18

Ἀριθμός ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, ὅσας αὐτὰς συντεθῇ ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

15

Numerus numerum multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

19

ὅταν ἢ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος ἐπίπλεδος καλεῖται, πλεοναὶ ἢ αὐτοῦ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

16

Cum autem duo numeri mutuò sese multipli-

tiplicātes quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicētur.

16

ὅταν ὅ τρεις ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλή-
λως ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος τριτὸς καλεῖται,
πλευρὰ ὅ αὐτοῦ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλως ἀ-
ριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multi-
plicantes quempiam faciunt, qui procrea-
tus erit solidus appellabitur, qui autem nu-
meri mutuò sese multiplicarint, illius latera
dicentur,

18

Τετράγωνος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ἰσάκως ἴσος. ἢ, ὁ ὑπὸ δύο
ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æ-
qualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris
continetur.

19

Κύβος ὅ, ὁ ἰσάκως ἴσος ἰσάκως. ἢ, ὁ ὑπὸ τριῶν ἴσων
ἀριθμῶν περιεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqua-
liter. vel, qui à tribus æqualibus numeris
continetur.

x Apt-

κ

Αριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τοῦ δευτέρου καὶ ὁ τρίτος τοῦ τετάρτου ἰσάκως ἢ πολλαπλάσιος, ἢ τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾖσιν.

20

Numeri proportionales sunt, cū primus secundi, & tertius quarti æquè multiple est, vel eadem pars, vel eadem partes.

κα

ὁμοιοὶ ἐπίπιδοι καὶ στεροὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui proportionalia habent latera.

κ β

Τέλος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖν.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipsius partibus est æqualis.

Προτάσις.

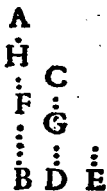
α

Εὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσων ἐκκειμένων, ἀνδυφαρουμενὸς αἰεὶ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος ὁ λειπόμενος μηδέποτε καταμετρήσῃ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕως οὗ ληφθῇ μονάς, οἱ ἐκταρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theo-

Theorema I. Propositio I.

Duobus numeris inæqualibus propo-
tis, si detrahatur semper minor
de maiore, alterna quadam de-
tractione, neque reliquus vn-
quam metiatur præcedentem
quoad assumpta sit vnitas: qui
principio propositi sunt nume-
ri primi inter se erunt.



β.

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους,
τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema I. Propo. 2.

Duobus numeris datis non
primis inter se, maximam
eorum communem mensu-
ram reperire.



γ

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλή-
λους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 2. $\begin{array}{ccccc} \dot{A} & \dot{B} & \dot{C} & \dot{D} & \dot{E} \\ \text{Prop. 2.} & 8 & 6 & 4 & 2 & 3 \end{array}$

Tribus numeris
datis non primis $\begin{array}{ccccc} \dot{A} & \dot{B} & \dot{C} & \dot{D} & \dot{E} & \dot{F} \\ 18 & 13 & 8 & 6 & 2 & 3 \end{array}$
inter

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.

3

Πᾶς ἀρτιμὸς παντὸς ἀρτιμοῦ, ὁ ἐλάσσων τοῦ μεῖ-
ζονος, ἥτοι μέρος ἐστίν, ἢ μέρη.

Theorema 2. Propositio 4.

**Omnis numerus, cuiusq;
numeri minor maioris aut
pars est, aut partes.**

$$\begin{array}{ccccccccc}
 & & & & & & & & C \\
 & & & & & & & & \vdots \\
 & & & & & & & & F \\
 & & & & & & & & \vdots \\
 & & C & & C & & & & E \\
 & & \vdots & & \vdots & & & & \vdots \\
 \cdot & & & & & & & & B \\
 A & B & B & B & B & D & & & \\
 12 & 7 & 6 & 9 & & 3 & & &
 \end{array}$$

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὸ
αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρῳ τὸ
αὐτὸ μέρος ἔσται, ὥστερ ὁ εἰς τοῦ ἐνός.

Theorema 3. Propositio 5.

Si numerus numeri pars fue-
rit, & alter alterius eadem
pars, & simul vterque vtrius-
que simul eadem pars erit,
quæ vnus est vnus.

$\begin{array}{cccc} & C & & F \\ & \vdots & & \vdots \\ & G & & H \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ A & B & D & C \\ 6 & 12 & 4 & 8 \end{array}$

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὰ
αὐτὰ μέρη ἦ, καὶ συναμφοτέρως συναμφοτέρῃ τὰ
αὐτὰ μέρη ἦται, ἄνωγ' ὁ εἰς τοῦ ἐνός.

Theo

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alterius ex
dem partes, & simul vter
que vtriusque simul ex
dem partes erūt, quæ sunt
vnus vnus.

		E	
B		⋮	
⋮		H	
H		⋮	
⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	F
6	9	8	12

ζ
Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ ὅπερ ἀφαιρεθεὶς ἀφα-
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ αὐτὸ μέρος ἴσαι ὀ-
περ ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	⋮
	F
	⋮
B	⋮
⋮	⋮
E	C
⋮	⋮
⋮	⋮
A	G
6	16

η
Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ ὅπερ ἀφαιρεθεὶς ἀφα-
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ τὰ αὐτὰ μέρος ἴσαι
ἔπερ ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

I Theo.

Si numerus numeri ex-
dem sint partes quę detra-
ctus detracti, & reliquus
reliqui eędem partes e-
runt, quę sunt totus to-
tius.

B	D
⋮	⋮
E	F
⋮	⋮
L	⋮
⋮	⋮
A	C
11	12

S G...M.K...N.H.

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾗ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὸ αὐ-
τὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος εἰσὶν ἢ μέρη ὁ πρῶτος
τοῦ τρίτου, τὸ αὐτὸ μέρος εἶναι ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ
δύτερος τοῦ τετάρτου.

Theor.7.Proposit.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadē
pars, & vicissim quę pars
est vel partes primus ter-
tij, eadem pars erit vel
eadem partes & secun-
dus quarti.

	C		F
	⋮		⋮
	G		H
⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	E
4	8	2	10

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾗ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος εἰσὶν ὁ πρῶτος τοῦ
τρίτου ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη εἶναι, καὶ ὁ δεύτερος τοῦ
τετάρτου, ἢ μέρος.

Theor.

Si numerus numeri partes sint, & alter alterius eadem partes, etiam vicissim quæ sunt partes aut pars primus tertij, eadem partes erunt vel pars & secundus quarti.

			E	
H	...		...	
G	...		H	
	...		...	
A	C	D	F	
4	6	10	18	

10α

Εάν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαρδεύῃς πρὸς ἀφαρδεύοντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἕσται ὡς ὅλος πρὸς ὅλον.

Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodum se habet totus ad totum, ita detractus ad detractum, & reliquus ad reliquum ita habebit ut totus ad totum.

	D
B	...
E	F
...	...
A	C
6	9

10β

Εάν ὦσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον, ἕσται ὡς τις τῶν ἡγεμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, οὕτως ἀπαμειβόμενοι πρὸς τοὺς ἐπομένους.

Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcunque numeri proportionales, quemadmodum se habet vnus antecedentium ad vnum sequentium, ita se habebit vnus antecedentium ad vnum sequentium.

A	B	C	D
9	6	3	2
1	2		

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
habebunt omnes antecedentes ad omnes
consequentes.

¹⁷
Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσι, καὶ ἐναλλάξ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint
proportionales, & vicif-
sim pportionales erunt.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$
12	4	9	3

¹⁸

Εάν ᾧσιν ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι
τὸ πλεῖστος σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λό-
γῳ, καὶ δι' ἴσου ἐν αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcun-
que numeri & a-
lij illis æquales

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$
12	6	3	8	4	2

multitudine, qui bini sumantur & in eadem
ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratio-
ne erunt.

¹⁹

Εάν μονὰς ἀριθμὸν ἕνα μετρήῃ, ἰσάκεις ἕτερος ἀρι-
θμός ἄλλον ἕνα ἀριθμὸν μετρήῃ, καὶ ἐναλλάξ ἰσά-
κεις ἢ μονὰς τὸ τρίτον ἀριθμὸν μετρήσει καὶ ὁ δεύτε-
ρος τέταρτον.

Theo-

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerū quem-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quēdam
numerū æquē metiatur,
 & vicissim vnitas tertium
numerū æquē metietur,
 atq; secundus quartum.

C
H
G
A **B**
I **3**

F
L
K
E
D
6

15

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους
 ποιῶσι τινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
 ἴσονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-
 tuò sese multipli-
 cantes faciant alios
 quos, q ex illis geniti fuerint, inter se exqua-
 les erunt.

E **A** **B** **C** **D**
I **2** **4** **8** **8**

16

Εάν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῇ
 τινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι
 πολλαπλασιασθῆσιν.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans fa-
I **3** **ciat**

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt, eandē ra-
tionem habebunt, quam multiplicati.

14

Εάν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν ἕνα πολλαπλασιάσαν-
τες ποιῶσι ἑνάς, δι' γενόμενοι ἑαυτῶν τὸ αὐτὸ ἔξω-
σι λόγον τοῖς πολλαπλασιάσασιν.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eandem habebunt ratio-
nem, quam qui illum multiplicarunt.

15

Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ ἐκ τοῦ πρώ-
του καὶ τετάρτου γενόμενος ἀριθμὸς ἴσος ἔσται τῷ ἐκ
τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου γινόμενῳ ἀριθμῷ. καὶ ἂν
ὁ ἐκ τοῦ πρώτου καὶ δευτέρου γενόμενος ἀριθμὸς ἴσος
ᾤῃ ἐκ τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema 17. Propositio 19,

Si quatuor numeri sint proportionales, qui
ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex
secundo & tertio: & si qui ex primo & quan-
to fit numerus æqualis sit ei qui ex secundo
& ter-

Et tertio, illi qua-
tuor numeri pro
portiones erūt.

x

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ὑπὸ τῶν ἁκρων
 ἴσος εἰ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου. ἐάν δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἁκρων
 ἴσος ᾗ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλο-
 γον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab
 extremis continetur equalis est ei qui à me-
 dio efficitur. Et si qui ab
 extremis cōtinetur equa-
 lis sit ei qui à medio descri-
 bitur, illi tres numeri pro-
 portiones erunt.

A	B	C
9	6	4
D		
6		

x α

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων
 αὐτοῖς, μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ-
 τοῖς ἰσάκεις, ὁ, τε μείζων ἢ μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν
 ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omniū,
 qui eandem cum eis ra-
 tionem habēt, equaliter
 metiuntur numeros ean-

D	L		
G	H		
C	E	A	B
4	3	8	6
I	4		dem

dem rationem habentes, maior quidem maiorem, minor verò minorem.

κβ

Εάν ᾧσι τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ὅ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσιν ἐν τῷ αὐτῷ λαγῶ ἴσονται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres sint numeri & alij multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadem ratione, sit autem perturbata eorum proportio, etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt,

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
6	4	3	12	8	6

κγ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχισοι εἰσι τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Prop. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium eandem cum eis rationem habentiū.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{E}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
5	6	2	4	3

κδ

Οἱ ἐλάχισοι ἀριθμοὶ τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν.

Theorema 22. Propositio 24.

Mini-

Minimi numeri omnium eandem cum eis rationem habentium, primi sunt inter se.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
8	6	4	3	2

κε

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, ὁ τὸν ἑνα αὐτῶν μεζῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Theorema 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alterutrum illorum metitur numerus, is ad reliquū primus erit.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
6	7	3	4

κς

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἑνὰ ἀριθμὸν πρῶτοι ᾦσιν, καὶ ὁ ἄλλος αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad quempiam numerū primi sint, ad eundem primus is quoque futurus est qui ab illis productus fuerit.

$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
$\dot{A}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
5	5	5	3	2

κζ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσιν, ὁ ἐκ
I 5 τοῦ

τοῦ πρὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτος
ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint in-
ter se, qui ab vno eorum gi-
gnitur, ad reliquum primus
erit.

⋮	⋮	⋮
B		
⋮	⋮	⋮
A	C	D
	6	3

xη

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμοὺς ἀμφοτέρω
πρὸς ἑκάτερον πρῶτοι ᾖσι, καὶ οἱ ἄρ' αὐτῶν γενόμε-
νοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad
vtrunque primi
sint, & qui ex eis
gignentur, primi
inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
3	5	15	2	4	8

xθ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ πο-
λλαπλασιάσας ἑκάτερος ἑαυτὸ ποιῇ ἑνὰ, οἱ γενόμε-
νοι ἄρ' αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, ἔσονται. καὶ οἱ
ἄρ' αὐτῶν τοὺς γενομένους πολλαπλασιάσαντες ποι-
ῶσι ἑνὰς, καὶ κῆνοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται,
καὶ αἱ περὶ τοὺς ἀκέρους τοῦτο συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multipli-
cans vterque seipsum procreet aliquem, qui

cx

ex ijs producti fuerint, primi inter se erunt.
 Quod si numeri initio propofiti multipli-
 cantes eos qui producti sunt, effecerint ali-
 quos, hi quoq; inter se primi erunt, & circa
 extremos idē hoc

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{F}$
3	6	27	4	16	63

semper eueniet.

λ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾿σσι, καὶ συ-
 ναμφοτέρως πρὸς ἐκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἴσται. καὶ
 εἰς συναναμφοτέρως πρὸς ἑνα ἑνὶ αὐτῶν πρῶτος ἴ-
 σται, καὶ οἱ ἄλλοι ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἴσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam si-
 mul vterq; ad vtrumq; illorum primus erit.
 Et si simul vterq; ad vnum aliquem eorum
 primus sit, etiam qui ini-

	$\overset{\cdot}{C}$
$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$
$\overset{\cdot}{D}$	
7	5

tio positi sunt numeri,
 primi inter se erunt.

λα

Ἄρα πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀριθμοὺς, οἳ
 μὴ μετρεῖται, πρῶτος ὅστις.

Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus ad
 omnem numerum quem nō
 metitur, primus est.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$
7	10	3

λβ

Εδ1

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποι-
ῶσι τινά, τὸν ᾧ γενόμενον δεξιῶν μετρήσῃ τις πρῶ-
τος ἀριθμὸς, καὶ ἐνα τῶν δεξιῶν μετρήσῃ.

Theor. 30. Prop. 31.

Si duo numeri sese mutuò multiplicantes fa-
ciant aliquem, hunc aut ab illis productum
metiatur primus qui-
dam numerus, is alte-
rum etiam metitur eo-
rum qui initio positi erant.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
2	6	12	3	4

λγ

ἄπας σύνθετος ἀριθμὸς, ὃν πρῶτος τινὸς ἀριθμοῦ
μετρεῖται.

Theor. 31. Prop. 33.

Omnem còpositum nume-
rũ aliquis primus metietur.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$
27	9	3

λδ.

ἄπας ἀριθμὸς ἢτοι πρῶτος ἐστίν, ἢ ὃν πρῶτος ἑνὸς
ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numerus aut primus est,
aut eũ aliquis primus metitur.

$\dot{A}$	$\dot{A}$	$\dot{A}$
3	6	3

λε

Αριθμῶν δοθέντων ὅποσων οὐκ ἔσονται τοῦς ἐλαχίστοις
τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Prop. 35.

Numeris datis quotcunque, reperire mini-
mos omnium qui eandem cum illis ratio-
nem habeant.

Α	Β	Γ	Δ	Ε	Ζ	Η	Θ	Κ	Λ	Μ
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λς

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, εὐρεῖν ὃν ἐλάχισον μετροῦ-
σιν ἀριθμόν.

Probl. 4. Propo.
36.

Β				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Α	Γ	Δ	Ε	Ζ
7	12	8	4	5

Duobus numeris
datis, reperire quē
quem illi minimū
metiantur nume-
rum.

λς

Α	Β				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Β	Ε	Γ	Δ	Ζ	Η
6	9	12	9	2	3

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν ἕνα μεζῶσι, καὶ ὁ ἐλάχι-
στος ὑπ' αὐτῶν μεζούμενος τὸν αὐτὸν μεζήσει.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum
quempiam metiantur, &
minimus quem illi me-
tiuntur eūdem metietur.

λη

Α	Β	Ε	Ζ
⋮	⋮	⋮	⋮
Α	Β	Ε	Ζ
2	3	6	12

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὐρεῖν ὃν ἐλάχισον μεζοῦ-
σιν ἀριθμόν.

Probl. 5. Propo. 38.

Tribus numeris
datis reperire quē

Α	Β	Γ	Δ	Ε
3	4	6	12	8

mini-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 minimum nume-
 rum illi metian-
 tur.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$
3	6	8	12	24	16

λ θ

Εάν ἀριθμὸς ὑπότινος ἀριθμοῦ μετρηταί, ὁ μετρού-
 μενος ὁμώνυμον μέρος ἔξει ὃ μετρούντα.

Theor. 34. Proposit. 39.

Si numerum quispiam numerus metiatur,
 mensus partem habe-
 bit metienti cognomi-
 nem.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$
12	4	3	1

μ

Εάν ἀριθμὸς μέρος ἔχη ὅτιοῦν, ὅποδ ὁμώνυμος ἀρι-
 θμοῦ μετρηθήσεται ὃ μέρος.

Theor. 35. Proposit. 40.

Si numerus partem habuerit quamlibet, il-
 lum metietur numerus
 parti cognominis.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$
8	4	2	1

μ α

Ἀριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὦν ἔξει τὰ δοθέντα μέρη.

Proble. 6. Proposit. 41.

Numerum reperire, qui
 minimus cum sit, da-
 tas habeat partes.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

δεύτερον.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM OCTAVVM.

α

ΕΛΙΩΣΙΝ ὅσοιδηποτὺν ἀριθμοὶ ἐξ ἑκτὸς ἀνάλογον,
οἱ δὲ ἅκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσι,
ἐλάττωτοί εἰσι τῶν τ' αὐτ' ἐχόντων αὐτοῖς.

Theor. I. Proposit. I.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propor-
tionales, quorum extremi sunt inter se pri-
mi, min-
mi sunt
omnium
eandem cum eis rationem habentium.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
8	12	18	27	6	8	12	18

β Ἀρμ

β

Αριθμούς ευρεῖν ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλάχιστες, ὅσας ἐπι-
τάξῃ τις ἐν ᾧ δοθέντε λόγῳ.

Problema 1. Propo. 1.

Numeros reperire deinceps proportionales
minimos, quotcunque iusserit quispiam in
data ratione.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{F}}$	$\dot{\text{G}}$	$\dot{\text{H}}$	$\dot{\text{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Εάν ᾧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλάχι-
σοι τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι αὐ-
τῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν.

Theor. 2. Prop. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propor-
tionales minimi habētium eandem cum eis
rationem, illorum extremi sunt inter se pri-
mi.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{F}}$	$\dot{\text{G}}$	$\dot{\text{H}}$	$\dot{\text{K}}$	$\dot{\text{L}}$	$\dot{\text{M}}$	$\dot{\text{N}}$	$\dot{\text{O}}$
27	16	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὁποσωνοῦν ἐν ἐλάχιστοις ἀριθμοῖς,
ἀριθμούς ευρεῖν ἐξ ἧς ἐλάχιστες ἐν τοῖς δοθεῖσι λό-
γοις.

Pro.

Problema 2. Prop. 4.

Rationibus datis quæcunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	:	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O			
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12			

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσι τὴν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theorema 3. Prop. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K	
18	21	32	3	6	4	8	9	12	16	

Εάν ᾧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, ὃ ᾧ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μετρεῖ, οὐδεὶς ἄλλος οὐδένα μετρεῖ.

Theorema 4. prop. 6.

K Si

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Si sint
quotlibet
numeri A B C D E F G H
deinceps 16 24 36 54 81 4 6 9

proportionales, primus autem secundum
non metiatur, neq; alius quisquam vllum
metietur.

Εάν ὧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, ὃ ὅτι πρῶ-
τος τὸν ἑσχάτην μετρεῖ, καὶ τὸ δεύτερον μετρήσει.

Theore. 5. Propos. 7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportiona-
les, primus autem extre-
mum metiatur, is etiam
secundum metietur.

A B C D
4 6 12 24

Εάν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλο-
γον ἐμπλήωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτὰς μεταξὺ κα-
τὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπλήωσιν ἀριθμοὶ, τε-
σοῦντι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐταῖς με-
ταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίσθεται.

Theore. 6. Prop. 8.

Si inter duos numeros medij continua pro-
por-

portione incidant numeri, quot inter eos
medij continua proportione incidunt nu-
meri, tot & inter alios eandem cum illis ha-
bentes rationem medij continua propor-
tione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾿ωσι, καὶ εἰς
αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπί-
πῳσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συ-
νεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπῳσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ ἑκά-
τέρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξὺ κατὰ τὸ συνε-
χὲς ἀνάλογον ἐμπισοῦνται.

Theore. 7. Proposi. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter
eos medij continua proportione incidant
numeri, quot inter illos medij cōtinua pro-
portione incidunt numeri, totidem & inter
vtrunque eorum ac vnitatem deinceps me-
dij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64

K 2 Ean

Εάν δύο ἀριθμῶν καὶ μονάδος μεταξύ κατὰ τὸ συνε-
χὲς ἀνάλογον ἐμπέπῃσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἑκατέρου
αὐτῶν καὶ μονάδος ἕξῃς μεταξύ κατὰ τὸ συνεχὲς
ἀνάλογον ἐμπέπῃουσιν ἀριθμοί, τοῦτοι καὶ εἰς αὐ-
τοὺς μεταξύ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦν-
ται.

Theor. 8. Prop. 10.

Si inter duos numeros & unitatem cōtinuē
proportionales incidant numeri, quot inter
vtrunq; ipso-
rum & unita-
tem deinceps
medij conti-
nua propor-
tione incidūt
numeri, toti-
dem & inter illos medij continua propor-
tione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	K	L	B		
27	36	48	64		
E	D	F	G		
9	3	4	16		
	C				
	I				

Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογός ἐστι
ἀριθμός, καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον δι-
πλασίονα λόγον ἔχει, ἢ περὶ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευ-
ράν.

Theor. 9. Propos. 11.

Duorum quadratorum numerorum vnus
medius proportionalis est numerus; & qua-
dra-

dratus ad quadra-
tum duplicatam ha-
ber lateris ad latus
rationem.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	C	E	D	B
9	3	12	4	16

16

Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theorema 10. Prop 12.

Duorum cuborum numerorum duo medij proportionales sunt numeri; & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus ratio-
nem.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

17

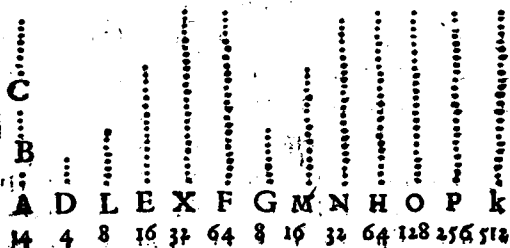
Ἐάν ᾧσιν ὅσοιδη ποτὺν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἑκάστος ἑαυτὸν ποιῇ ἑνὰς, οἱ γε-
νόμενοι δὲ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται, καὶ ἐάν οἱ ἐξαρ-
χῆς τὸς γινεμένους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι
ἑνὰς, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἰεὶ περὶ τοὺς ἀ-
κροὺς τῶν συμβαίνει.

Theore. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps propor-
tionales, & multiplicans quisq; seipsum fa-

K 3 ciat

ciat aliquos, qui ab illis producti fuerint, proportionales erunt: & si numeri primum positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18
 Εάν τετράγωνος τε βιάγωνον μεξή, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν
 πλευρὰν μεξήσει, καὶ εἰ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν με-
 στή, καὶ ὁ τε βιάγωνος τὸν τε βιάγωνον μεξήσει.

Theor. 12. Prop. 14.

Si quadratus numerus quadratum nume-
rum metiatur, & latus vnus metietur latus
alterius, Et si vnus
quadrati latus me- A E B C D
tiatur latus alteri, 9 12 16 3 4
& quadratus quadratum metietur,

Eén

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετρή, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει. καὶ εἰάν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρή, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσει.

Theorema 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metiatur, & latus unius metietur alterius latus. Et si latus unius cubi latus alterius metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Εάν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μετρή, οὐ καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρή, οὐδὲ ὁ τετράγωνος τετράγωνον μετρήσει.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum numerum non metiatur, neq; latus unius metietur alterius latus. Et si latus unius quadrati non metiatur latus alterius, neq; quadratus quadratum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	3	4
	K	4	12

13

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μετρήῃ, οὐδ' ἡ
πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ. καὶ ἡ πλευρὰ τῆς
πλευρὰν μὴ μετρήῃ, οὐδ' ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

Theor. 15. Propos. 17.

Si cubus numerus cubum numerum nō me-
tiatur, neque latus vnus
latus alterius metietur.

Et si latus cubi alicuius
latus alterius non metia-
tur, neq; cubus cubum
metietur,

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	π

14

Δύο ὁμοίων ἑπταπέδων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογός
ἐστιν ἀριθμὸς, καὶ ὁ ἐπίπεδος πρὸς τὸν ἐπίπεδον δι-
πλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πῦρ ἢ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς
τὴν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theore. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorum
vnus medius

proportiona-
lis est nume-

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

rus: & planus ad planum duplicatam habet
lateris homologi ad latus homologum ra-
tionem.

15

Δύο

Δύο ὁμοίων σειρῶν ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμ-
πέπτυσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ σειρῶς πρὸς τὸν ὁμοιον σειρῶν
ῥεπλάσιονα λόγον ἔχει, ἢ περὶ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ
πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theore. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo me-
dij proportionales incedunt numeri: & soli-
dus ad similem solidum triplicatam ratio-
nem habet lateris homologi ad latus homon-
logum.

⋮	⋮	⋮	⋮	:	:	:	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

x

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν εἰς μέσους ἀνάλογον ἐκπέπτη ἀρι-
θμῶς, ὁμοιοὶ ἐκπέπτοι ἔσονται ἀριθμοί.

Theore. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius propor-
tionalis inci-
dat nume-
rus, similes
plani erūt
illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

xx

K 5

Edv

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσαι ἀνάλογον ἐμπέσωσιν
ἀριθμοί, ὁμοιοί εἰσιν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Prop. 21.

Si inter duos numeros duo medij propor-
tionales incidant numeri, similes solidi sunt
illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	k	L	M		
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4		

x6

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὃ ᾧ πρῶτος
τετράγωνος ἢ, καὶ ὃ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Theore. 20. Prop. 22.

Si tres numeri deinceps
sint proportionales, pri-
mus autem sit quadratus,
& tertius quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

x7

Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὃ ᾧ πρῶ-
τος κύβος ἢ, καὶ ὃ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theore. 21. Prop. 23.

Si quatuor numeri dein-
ceps sint proportionales,
primus autem sit cubus,
& quartus cubus erit:

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

x8

xδ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν τε
 τρίγωνος ἀριθμὸς πρὸς τε τρίγωνον ἀριθμὸν, ὃ δὲ
 πρῶτος τε τρίγωνος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se,
 quam quadratus numerus ad quadratū nu-
 merum, primus au-
 tem sit quadratus,
 & secundus quadra-
 tus erit.

xε

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν κύ-
 βος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ ὅ πρῶτος κύ-
 βος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theore. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant,
 quam cubus numerus ad cubum numerum,
 primus autem cubus sit, & secundus cubus
 erit.

⋮ A	⋮ B	⋮ F	⋮ B	⋮ C	⋮ 25	⋮ 140	⋮ D
8	12	18	27	64	25	140	216

xζ

x 5

Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνον ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habent, quam quadratus
 numerus ad quadratum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

x 3

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Theore. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



EYKΛEI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΕΝ-
ΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM NONVM.

α

Ε Αν δύο ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλασιασθῶ-
σαν πρὸς ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὃ γεόμενον τε
τρίγωνον ἔσται.

Theore. I. Propo. I.

Si duo similes plani numeri mutuo se se mul-
tiplicantes
quendam pro
creent, pro
ductus qua-
dratus erit,

...	...	...	...	...	...
A	E	B	D		C
4	6	9	16	24	36

β

Edv

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜ. ΓΕΟΜ.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσασιν, ἀλλήλους ποιεῖ
ἓσι τε ζάγωνον, ὁμοιοὶ ἐκίπιδόι εἰσι.

Theorema 2. Prop. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes
quadratum fa-
ciant, illi simi-
les sunt plani.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$
4	6	12	36

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ
τετράγωνον, ὁ γενόμενος κύβος ἴσας.

Theore. 3. Proposi. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans pro-
creet ali-
quē, pro-
creatus cu-
bus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$
3	4	8	64

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιά-
σας ποιῇ τετράγωνον, ὁ γενόμενος κύβος ἴσας.

Theorema 4. prop. 4.

Si cubus numerus cubū
numerum multiplicans
quendam procreet, pro-
creatus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$
8	27	64	216

Εάν

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἔνα πολλαπλασιάσας
κύβην ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθὲς κύβος ἔσται.

Theor. 5. Propos. 5.

Si cubus numerus numerum quendam mul-
tiplicans cubum procreet, & multiplica-
tus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	D	C
27	64	729	1728

Εάν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ,
καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theorema 6. Propos. 6.

Si numerus seipsum multi-
plicans cubum procreet,
& ipse cubus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
27	729	19683

Εάν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἔνα πολλαπλασιά-
σας ποιῇ ἔνα, ὁ γεόμετρος τετρίος ἔσται.

Theorema 7. Prop. 7.

Si compositus numerus quēdam numerum
multiplicans quem-
piam procreet, pro-
ductus solidus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E
6	8	48	2	3

ἢ Εάν

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῦν ἀριθμοὶ ἔξῃ ἀνάλογον
ᾤσιν, ὁ μὲν τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος τετράγωνός ἐστι, καὶ
δι᾽ ἓνα διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρτος κύβος, καὶ
δι᾽ δύο διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ ἕβδομος κύβος ἑξα-
κὶς τετράγωνος, καὶ οἱ πάντες διαλείποντες πάντες.

Theore. 8. Proposi. 8.

Si ab vnitate quotlibet numeri deinceps p-
proportionales sint, tertius ab vnitate quadra-
tus est, & vnum intermitrentes omnes: quarta-
tus autem cubus, & duobus intermissis om-
nes: septimus verò cubus simul & quadra-
tus, & quicunque vni
intermissi-
tas
fis omnes.

	A	B	C	D	E	F
	1	2	3	4	5	6
	3	9	27	81	243	729

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῦν ἀριθμοὶ ἔξῃ ἀνάλογον
ᾤσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα τετράγωνός ἔστι, καὶ οἱ λοι-
ποὶ πάντες τετράγωνοι ἴσονται. καὶ εἰν δὲ μετὰ τὴν
μονάδα κύβος ἔστι, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἴσονται.

Theorema 9. Proposi. 9.

Si ab vnitate sint quocunque numeri deinceps
proportionales, sit autem quadratus is
qui

qui vnitatem se.	531441	F	732969
quitur, & reli-	59049	E	531441
qui omnes qua-	6561	D	59049
drati erunt.	729	C	6561
Quodd si qui v-	81	B	729
nitatem sequi-	9	A	81
turcubus sit, &			
reliqui omnes			
cubi erunt.			

Vnitas.

Εάν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν,
ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, οὐδ' ἄλλος οὐ-
δεὶς τετράγωνος ἔσαι χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ τῆς μονά-
δος καὶ τῶν ἑνα διαλειπόντων πάντων. καὶ ἐὰν ὁ με-
τὰ τὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδ' ἄλλος οὐδεὶς κύβος
ἔσαι, χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ τῆς μονάδος καὶ τῶν δύο
διαλειπόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitate numeri quocunque propor-
tionales sint, non sit autem quadratus is qui
vnitatem

sequitur,
neq; alius
vllus qua-
dratus

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

dratus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittentibus. Quòd si qui vnitatem sequitur, cubus non sit, neque alius yllus cubus erit, demptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermittentibus.

^{1α}
Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἄριθμοι ἐξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρεῖ κατὰ τινὰ τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theore. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiā eorum qui in proportionalibus sunt numeris.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$
1	2	4	8	16

^{1β}

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἄριθμοι ἀνάλογον ᾤσιν, ὃς ὅσων ἀνὸ ἐσχατος πρῶτων ἀριθμῶν μετρεῖται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ παρὰ τὴν μονάδα μετρηθήσεται.

Theore. 12. Propo. 12.

Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum vltimum

num metiuntur, totidem & eum qui unitati proximus est, metientur.

●
Vni-
tas.

A	B	C	D	E	H	G	F
4	16	64	256	2	8	32	128

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἄριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὃ ᾧ μετὰ τὴν μονάδα πρῶτος ἦ, ὁ μέγιστος ὑπὸ οὐδενὸς ἄλλου μετρήσεται παρὲς τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theore. 13. Propo. 13.

Si ab unitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem sit qui unitatem sequitur, maximum nullus alius metietur, ijs exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.

●
Vni-
tas.

A	B	C	D	E	H	G	F
3	9	27	81				

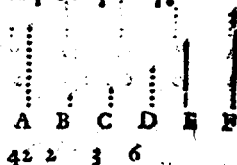
L 2

Εάν

Εάν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ πρώτων ἀριθμῶν μετρεῖται, ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὰ τῶν ἐξαρχῆς μετρούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

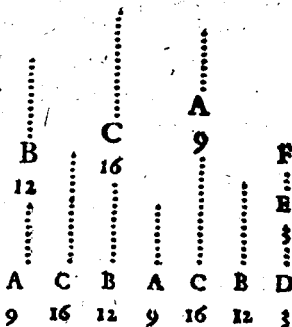
Si minimum numerum primi aliquot numeri metiantur, nullus alius numerus primus illum metietur, ijs exceptis qui primò metiuntur.



Εάν ἕξῃς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν συντιθέντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτον εἰσὶν.

Theore. 15. Propo. 15.

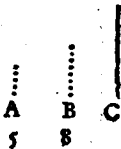
Sit tres numeri deinceps proportionales sint minimi, eadem cum ipsis habentium rationem, duo quilibet compositi ad tertium primierunt.



¹⁶
 Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, οὐκ ἔσται ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτερος πρὸς ἄλλον τινά.

Theor. 16. Propo. 16.

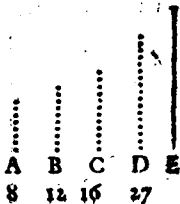
Si duo numeri sint inter se primi, non se habebit quemadmodum primus ad secundum, ita secundus ad quempiam alium.



¹⁷
 Εάν ὦσιν ὁποῖοιδήποτε ἀριθμοὶ ἕξ ἢ ἀνάλογον, οἱ ὅτεροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, οὐκ ἔσται ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἑσχατὸς πρὸς ἄλλον τινά.

Theore. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, quorum extremi sint inter se primi, non erit quemadmodum primus ad secundum, ita ultimus ad quempiam alium.



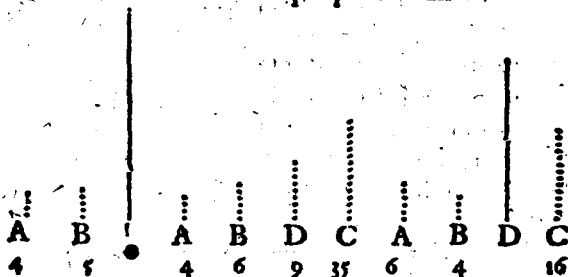
L 3

Año

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνατὸν
ἔστι αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, considerare possitne
tertius illis inueniri proportionalis.

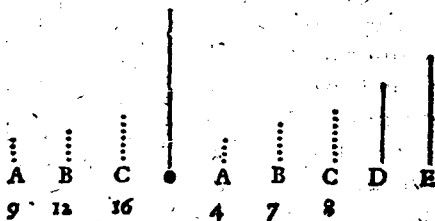


18

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνα-
τὸν ἔστι αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theore. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne
quartus illis reperiri proportionalis.



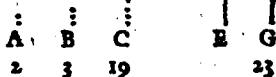
19

x

Οἱ πρώτοι ἀριθμοὶ πλείους ἢ σὶ παντὸς τοῦ προτι-
θέντος πλείονους πρώτων ἀριθμῶν.

Theore. 20. Propo. 20.

Primi numeri
plures sunt
quacunque
proposita mul-
titudine pri-
morum nu-
merorum.

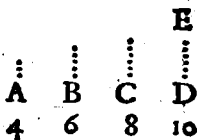


x α

Ἐὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν συντελεῶσιν, ὁ ὅλος
ἄρτιός ἐστι.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot-
libet compositi sint, to-
tus est par.



x α

Ἐὰν περισσι ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν συντελεῶσι, τὸ δὲ
πληθὺς αὐτῶν ἄρτιον ἢ, ὁλος ἄρτιος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi
L 4 sint,

ſint, ſit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.

				E
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	
5	9	7	3	

xγ

Εάν περισσι ἀριθμοὶ ὅποιοι οὖν σωτεῖσθαι, τὸ δὲ
πλῆθος αὐτῶν περισσὸν ἦ, καὶ ὅλος περισσὸς ἔσται.

Theore. 23. Propo. 23.

Si impares numeri
quotcunq; compo-
ſiti ſint, ſit autē im-
par illorum multitu-
do, & totus impar
erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	E
5	7	8	1

xδ

Εάν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἀρτιος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-
πὸς ἀρτιος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detra-
ctus ſit, & reliquus par erit.

	B
⋮	⋮
A	C
6	4

2ε

Εάν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς περισσὸς ἔσται.

Theo-

LIBER IX.
Theor. 25. Propo. 25.

85

Si de pari numero impar de-
tractus sit, & reliquus impar
erit.

⋮	⋮	⋮
A	C	D
8	1	4

πς
Εάν ἀπὸ περισσῶ ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, τὸ
λοιπὸς ἀρὶτος ἔσται.

Theore. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit.

⋮	⋮	⋮
A	C	D
4	6	1

πς
Εάν ἀπὸ περισσῶ ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, τὸ λοι-
πὸς περισσὸς ἔσται.

Theore. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

⋮	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

πγ
Εάν ἀπὸ ἀρτιοῦ ἀριθμοῦ ἀρτιὸν ἀφαιρεθῇ, τὸ
λοιπὸν τινὰ, ὃ γένεσθαι ἀρτιὸν ἔσται.

L 5 Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans, procreet quempiam, procreatus par erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ A \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ B \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ C \end{array}$

$\times \theta$

3 4 12

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινὰ, ὁ γενομένης περισσὸς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem numerum multiplicans quēdā procreet, procreatus impar erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ A \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ B \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ C \end{array}$

3 5 15

λ

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήσῃ, ὃ τὸν ἡμισυ αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

$\begin{array}{c} \vdots \\ A \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ C \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ B \end{array}$

3 6 18

$\lambda \alpha$

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς πρὸς ἑνα ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ, καὶ πρὸς τὸν διπλασίον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theore. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempiam primus sit, & ad illius duplum primus erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ A \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ B \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ C \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ D \end{array}$

7 8 16

λβ.

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἑξῆς
ἀρτιάκις ἀρτίος ἔσται μόνον.

Theore.32. Propo.32.

Numerorū, qui à bi-
nario dupli sunt, v- vni- : :
nusquisq; pariter par tas. A B C D
est tantum. 2 4 8 16

λγ

Ἐὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισιω ἑξῆ περιισσὸν, ἀρτιάκις πε-
ρισσὸς ἔσται μόνον.

Theore.33. Propo.33.

Si numerus dimidium impar habeat,
pariter impar est tantum.

20

λδ

Ἐὰν ἀρτίος ἀριθμὸς μὴτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασια-
ζομένων ἢ, μὴτε τὸν ἡμισιω ἑξῆ περιισσὸν, ἀρτιάκις
τὶ ἀρτίος ἔσται καὶ ἀρτιάκις περιισσός.

Theore.34. Propo.34.

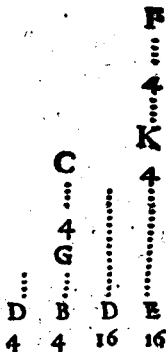
Si par numerus nec sit duplus à bina-
rio, nec dimidium impar habeat, pariter
par est, & pariter impar.

20
Ect

Εάν ὧσιν ὁ Γεδοκτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον,
ἀφαιρεθῶσι δι' ἀπὸ τε τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου
ἔσσι τῶ πρώτου, ἔσται ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς
τὸν πρῶτον, ὅπως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς
πρὸ ἐαυτοῦ ἅπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportionales,
detrabantur autem de se-
cundo & ultimo aqua-
les ipsi primo, erit quem-
admodum secundi exces-
sus ad primum, ita ultimi
excessus ad omnes qui vl-
timum antecedunt.

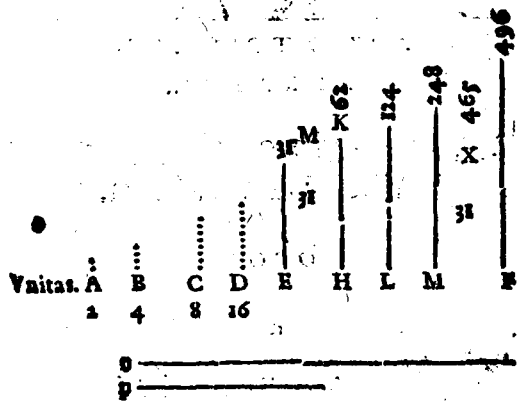


Εάν ἀπὸ μονάδος ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἐκτεθῶ-
σιν ὡς τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ ἔως ὅρ ὁ σύμπασιμι
τεθείς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπασιμι πρὸς τὸν ἐσχα-
τὸν πολλαπλασιασθείς ποιῇ τιτὰ, ὁ γεγόμενος τέλειος
ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quodlibet deinceps
expo-

expositi sunt in duplici proportione quoad
 totus compositus primus factus sit, isque totus
 in ultimum multiplicatus quempiam pro-
 creet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVM.

ΟΡΟΙ.

α.

Σ

Υμέμετρα μεγέθη λέγεται, τὰ ὅτι αὐτῶ με-
τρούμετρα.

DEFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines dicun-
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Λόγυμετρα δὲ, ὅν μὴδὲν εἰδέχεται κοινὸν μέτρον γε-
νέσθαι.

In-

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐδεῖα διωάμει σύμμετροί εἰσιν, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετραγῶνα εἰς αὐτῶ χωρίω μέσσηται.

3

Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροί εἰς, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγῶνοις μὴ δύνανται χωρίον κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τούτων ὑποκείμενων, δέκνυται ὅτι τῇ προτεθείσῃ εὐδεῖα ὑπάρχουσιν εὐδεῖα πλείοι ἀπειροί, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκει καὶ διωάμει, αἱ δὲ διωάμει μόνον. Καλεῖσθω δὴ ἡ μὲν προτεθείσα εὐδεῖα ῥητὴ.

5

Hæc cum ita sint, ostendi potest quod quacunque linea recta nobis proponatur,

εχ-

existunt etiam alix lineæ innumerabiles eĩ-
dem commensurabiles, alix item incommen-
surabiles, hæ quidem longitudine & poten-
tia; illæ verò potentia tantum. Vocetur igitur
linea recta, quantacunque proponatur,
ῥητῇ, id est rationalis.

Καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκει καὶ δυνάμει, εἴτε
δυνάμει μόνον, ῥηταί.

6

Lineæ quoque illi ῥητῇ commensurabiles si-
ue longitudine & potentia, siue potentia
tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationa-
les.

ζ

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἀλογοὶ καλεῖσθωσαν.

7

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles il-
li τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali, vocen-
tur ἀλογοὶ, id est irrationales.

η

Καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς προτεθείσης τετραγώνου, ῥητόν.

8

Et quadratum quod à linea proposita descri-
bitur, quam ῥητὴν vocari voluimus, vocetur
ῥητόν.

Καὶ

Καὶ τὰ τούτῳ σύμμετρα ῥητά.

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

Τὰ δὲ τούτῳ ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

Quæ verò sunt illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est surda.

Καὶ αἱ διωάμεναι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τετραγώνῳ εἴη, αὐτὰι αἱ πλευραὶ· εἰ ἑτέρα τινὰ ἐυδύγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετραγώνῳ ἀναγράφουσαι.

Et lineæ quæ illa incommensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quod si quadrata quidem non fuerint, verum aliarum quæpiam superficies siue figurarum rectilinearum, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.
Δύο μεγάλων ἀκρίτων ἰσχυμένων, τὴν ἀπὸ τοῦ μέ-

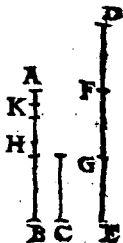
M ζωνος

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ζονος ἀφαρῆθῃ μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦ χαταλῆπτο-
μένου μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦτ' αἰ γίγνηται, λε-
φθήσεται τι μέγεθος, ὃ ἔστιν ἐλάσσον ἐκκειμένῳ ἐλάσ-
σονος μεγέθους.

Theore. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-
positis, si de maiore detrahatur
plus dimidio, & rursus de resi-
duo iterum detrahatur plus di-
midio, idque semper fiat: relin-
quetur quædam magnitudo mi-
nor altera minore ex duabus
propositis.



β

Ἐὰν δύο μεγέθῶν ἐκκειμένων ἀνίσων, ἀνδυραφου-
μένῳ αἰ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος, τὸ χατα-
ληπτόμῳ μὴδέποτε χαταμείζῃ τὸ πρότερον, ἀλλ'
σύμμετρα ἔσονται τὰ μεγέθη.

Theore. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor de
maiore, alterna quadam de-
tractione, neque residuum
vnquam metiatur id quod



ante

ante se metiebatur, incommensurabiles sunt
illæ magnitudines.

^γ
Δύο μεγέθων συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐ-
τῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 1. Proposi. 3.

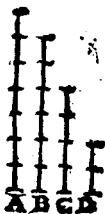
Duabus magnitudinibus commen-
surabilibus datis, maximam ipsarum
communem mensuram reperire.



^δ
Τριῶν μεγέθων συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maximam
ipsarum communem mensuram
reperire.

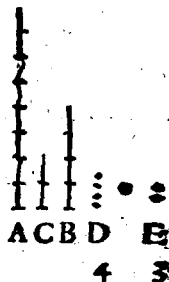


Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, ὅν α-
ριθμὸς πρὸς ἀριθμόν.

M 2

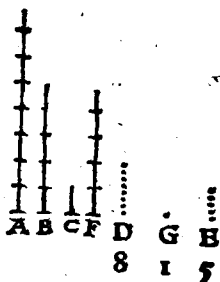
Theo-

Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμόν, σύμμεζα ἔστι τὰ μεγέθη.

Si duæ magnitudines proportionem eam habent inter se quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.

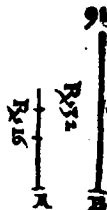


Τὰ ἀσύμμεζα μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμόν.

LIBER X.

Theore. 5. Propo. 7.

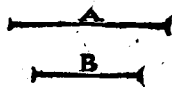
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχῃ ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα εἶναι τὰ μεγέθη.

Theore. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habent quā numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.



Τὰ ἀπὸ τῶν μήκει συμμέτρων εὐθεῶν τετραγώνων, πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχῃ ὃν τετραγώνος, ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετραγώνων τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχοντα ὃν τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἔχει μήκει συμμέτρους. τὰ δὲ ἀπὸ τῶν μήκει ἀσυμμέτρων εὐθεῶν τετραγώνων πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχει ὃν περ τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετραγώνων τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ

M 3

ἔχοντα

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ἔχοντα ὅντιν τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνον ἀριθμὸν, οὕτως τὰς πλευρὰς ἕξ μὴκει συμ-
μίσθῃς.

Theore. 7. Propo. 9.

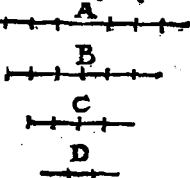
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis
longitudine commensurabilibus, inter se
proportionem habent quam numerus qua-
dratus ad alium numerum quadratum. Et
quadrata habentia proportionem inter se
quam quadratus numerus ad numerum
quadratum, habent quoque latera longi-
tudine commensurabilia. Quadrata verò
quæ describuntur à lineis longitudine in-
còmmensurabilibus, proportionē non habent
inter se quam quadra-
tus numerus ad nu-
merum alium qua-
dratum. Et quadrata
non habentia propor-
tionem inter se quā
numerus quadratus
ad numerum quadra-
tum, neque latera habebunt longitudine
commensurabilia,



Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾖ, καὶ τὸ τρίτον ᾖ τετάρτῳ σύμ-
 μετρον ᾖ. καὶ τὸ πρῶτον ᾖ δευτέρῳ ἀσύμμε-
 τρον ᾖ, καὶ τὸ τρίτον ᾖ τετάρτῳ ἀσύμμετρον ᾖ.

Theore. 8. Propo. 10.

Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima verò se-
 cundæ fuerit commensu-
 rabilis, tertia quoq; quar-
 tæ commensurabilis erit,
 quòd si prima secundæ
 fuerit incommensurabi-
 lis, tertia quoque quartæ incommensurabi-
 lis erit.



1 α

Τὴ προτεθείσῃ εὐθείᾳ προσευρεῖν δύο εὐθείας ἀσυμ-
 μέτρους, τὴν μὲν μήκει μόνον, τὴν δὲ καὶ διωάμεναι.

Proble. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητὰν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudinē tantum, il-



M 4

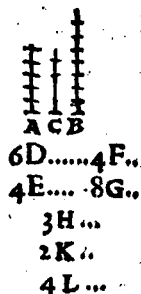
lam

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 Iam verò non longitudine tantùm, sed etiã
 potentia incommensurabilem.

^β
 Τα δ' αὐτῶ μεγέθη σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ἐστὶ
 σύμμετρα.

Theore. 9. Propo. 12.

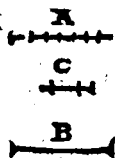
Magnitudines quæ ei-
 dem magnitudini sunt
 commensurabiles, in-
 ter se quoq; sunt com-
 mensurabiles.



^γ
 Εάν ἡ δύο μεγέθη, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον ἢ δ' αὐ-
 τῶ, τὸ δ' ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσονται τὰ με-
 γέθη.

Theore. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus
 hæc quidem commensurabilis
 sit tertię magnitudini, illa ve-
 rò eidem incommensurabilis,
 incommensurabiles sunt illæ
 duæ magnitudines.



^δ
 Εάν ἡ δύο μεγέθη σύμμετρα, τὸ δ' ἕτερον αὐτῶν
 με-

μεγέθη τινὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὸ λοιπὸν ὁ ἀντί-
ἀσύμμετρον ἔσται.

Theore. 11. Propo. 14.

Si duarū magni-
tudinū cōmen-
surabilium alte-
ra fuerit incom-
mensurabilis ma-
gnitudini alteri
cuiuspiā tertiæ, re-
liqua quoque magnitudo eidem tertiæ in-
commensurabilis erit.



Ἐὰν τέσσαρες ἐυθεῖαι ἀνάλογον ᾤσιν, δυνήται δὲ ἡ
πρώτη τῆς δευτέρας μῆζον ὥστε ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ
μήκει, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μῆζον διωθήσεται ὥστε
ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει. καὶ ἐὰν ἡ πρώτη τῆς
δευτέρας μῆζον διωθήται ὥστε ἀπὸ ἀσυμμετρῶς ἑαυτῇ
μήκει, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μῆζον διωθήσεται ὥστε
ἀπὸ ἀσυμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει.

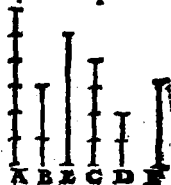
Theore. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint,
possit autem prima plusquam secunda
tanto quantum est quadratum lineæ sibi
commensurabilis longitudine: tertia quo-
que poterit plusquam quarta tanto quan-
tum est quadratum lineæ sibi commensu-

M 5

rabilis

rabilis longitudine. Quod si prima possit
plusquam secunda qua-
drato lineæ sibi longi-
tudine incommensura-
bilis; tertia quoque po-
terit plusquam quarta
quadrato lineæ sibi in-
commensurabilis longitudine.

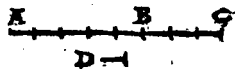


15

Ἐὰν δύο μεγέθη σύμμετρα σιωτεθῇ, καὶ τὸ ὅλον
ἑκατέρω αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐ-
τῶν σύμμετρον ἔσται, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμμε-
τρα ἔσται.

Theore. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines commensurabiles
componantur, tota magnitudo composita
singulis partibus cõmensurabilis erit. quod
si tota magnitudo composita alterutri parti
commensurabilis fue-
rit, illæ duæ quoque
partes commensura-
biles erunt.



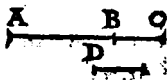
16

Ἐὰν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα σιωτεθῇ, καὶ τὸ ὅλον
ἑκατέρω αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ
αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀ-
σύμμετρα ἔσται.

Theor.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.



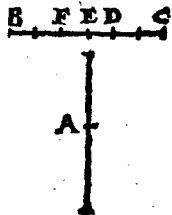
14

Ἐάν τις δύο εὐθείαι ἀνισοί, ἥ δὲ τετάρτη μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσιν παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδει τετραγώνου, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διακεῖται μήκει, μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον διωθήσεται, ἥ ἀπὸ συμμέτρου αὐτῇ μήκει. καὶ ἐάν ἡ μείζων τῆς ἐλάσσονος μείζον δύνῃται, ἥ ἀπὸ συμμέτρου αὐτῇ μήκει, ἥ δὲ τετάρτη μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσσονος ἴσιν παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδει τετραγώνου, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διακεῖται μήκει.

Theore. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur in minore, æquale parallelogrammum applicetur.

plicetur secundum maiorem, ex qua maiore
tantum excurrat extra latus parallelogram-
mi, quantum est alterum latus ipsius paral-
lelogrammi: si præterea parallelogrammum
sui applicatione diuidat lineam illam in par-
tes inter se commensurabiles longitudine,
illa maior linea tanto plus potest quàm mi-
nor, quantum est quadratum lineæ sibi com-
mensurabilis longitudine. Quòd si maior
plus possit quàm minor, tanto quantum est
quadratum lineæ sibi commensurabilis lon-
gitudine, & præterea quartæ parti quadrati
lineæ minoris æquale parallelogrammum
applicetur secundum maiorem, ex qua ma-
iore tantum excurrat extra
latus parallelogrammi, quan-
tum est alterum latus ipsi-
us parallelogrammi, paral-
lelogrammum sui applica-
tione diuidit maiorem in
partes inter se longitudine
commensurabiles.



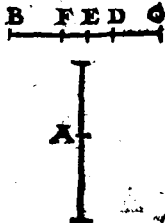
τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσιν παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἑλλείπον εἰδὲ τετραγώνῳ, καὶ εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαμερῇ μήκει, ἡ μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον διωνύσεται, ὥς ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ, καὶ ἐὰν ἡ μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον δύνηται ὥς ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ, ὥς ἡ τετάρτη τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσιν παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἑλλείπον εἰδὲ τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαμερῇ μήκει.

Theore. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autem parti quadrati linæ minoris æquale parallelogrammum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrammum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tantò plus potest quàm minor, quantum est quadratum linæ sibi maiori incommensurabilis longitudine.

Quodd si maior linea tantò plus possit quàm minor, quantum est quadratum linæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti quadrati linæ minoris æquale parallelogrammum applicetur, secun-

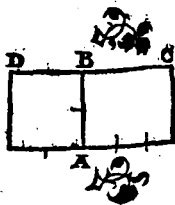
cundum maiorem, ex qua
tantum excurrat extra latus
parallelogrammi, quantum
est alterum latus ipsius: pa-
rallelogrammum sui appli-
catione diuidit maiorem in
partes inter se incommen-
surabiles longitudine.



Τὸ ὑπὸ ῥητῶν μῆκει συμμέτρων χετὰ τινα τῶν
προσφρημένων τρόπων ἐυδειῶν περιεχόμενον ὄψεται
γόνιον, ῥητόν ὅστιν.

Theor. 17. Propos. 25.

Superficies rectangula
contenta ex lineis ra-
tionalibus lon-
gitudine commensu-
rabilibus secundum v-
num aliquem modum
ex antedictis, rationa-
lis est.



Εάν ῥητόν παρὰ ῥητὴν παραβληθῇ, πλάτος ποιεῖ
ῥητὴν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' ἣν παρὰκείται,
μῆκει.

Theor.

LIBER X.

Theore. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

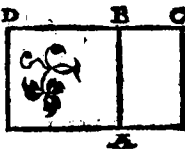


κβ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν δυναμῶν μόνον συμμετρῶν ἐκδοῦν περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἀλογόν ἐστι, καὶ ἡ δυναμὴ αὐτοῦ, ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω ᾧ Μίση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantum commensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est; vocetur verò medialis.



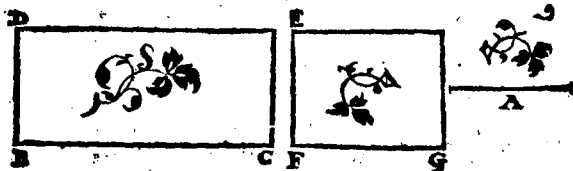
κγ

Τὸ ἀπὸ μίσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' ἣν παρακίται, μήκη.

Theor.

Theor. 20. Propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est lineæ rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.

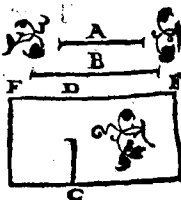


κδ

ἡ τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέσῃ ἐστίν.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.

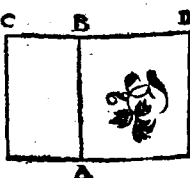


κε

Τὸ ὑπὸ μέσων μήκει συμμέτρων ἑυθείων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μέσῃ ἐστίν.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis mediis longitudine commensurabilibus, mediale est.



Τὸ ὑπὸ

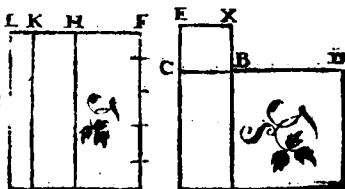
x 5

Τὸ ὑπὸ μέσων διωάμει μόνον συμμέτρως περιέχεται
 μόνον ὁρθογώνιον, ἢ ῥητόν, ἢ μέγεθος.

Theore. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum

duabus lineis
 media libus potest
 tantum commensurabili-



N M G

bus, vel rationale est, vel mediale.

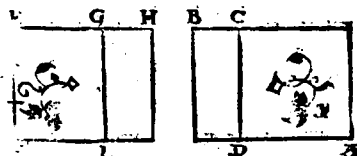
x 2

Μέγεθος οὐκ ὑπερέχει ῥητόν.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale

hō est maius
 quam mediale
 superficie
 rationali.



x 4

Μέσος εὐρεῖν διωάμει μόνον συμμέτρως, ῥητόν πει-
 ρισαύσα.

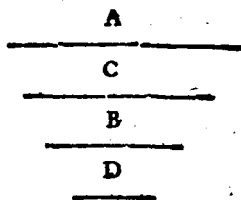
N

Propo

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble.4. Propo.28.

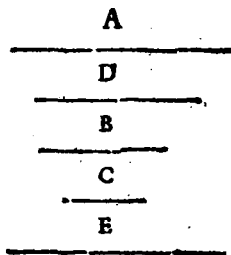
Mediales lineas in-
uenire potentia tā-
tūm cōmensurabi-
les rationale com-
prehendentes.



κθ

Μέτας ευρεῖν δυνάμει μόνον συμμετρῆς μέσον πε-
ριεχούσας.

Proble.5. Prop.29.
Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tūm commensura-
biles mediale com-
prehendentes.



λ

Ευρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμετρῆς, ὥστε
τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δύνασθαι ὥ ἀπὸ
συνμέξεως ἑαυτῇ μήκει.

Proble.6. Propo.30.

Reperire duas rationales potentia tantūm
commensurabiles

commensurabiles huius
modi, ut maior ex illis
possit plus quam minor
quadrato lineæ sibi com
mensurabilis longitu
dine.

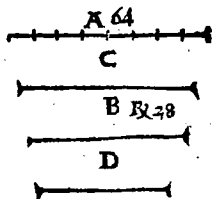


λα

Εὕρεῖν δύο μέσας διωάμει μόνον συμμετρεῖς ῥητὸν
περιεχούσας, ὥστε τὴν μείζονα τῆς ἐλάττωτος μείζον
δύνασθαι εἶ ἀπὸ συμμετρεῖς αὐτῇ μήκῃ.

Proble.7. Propo.31.

Reperire duas lineas mediales potentia tan
tūm commensurabiles
rationalem superficiem
continentes, tales
inquam, ut maior pos
sit plus quam minor
quadrato lineæ sibi
commensurabilis lon
gitudine.



λβ

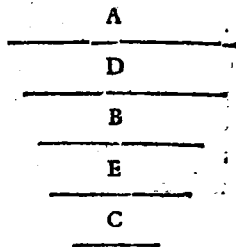
Εὕρεῖν δύο μέσας διωάμει μόνον συμμετρεῖς μέτρη
περιεχούσας, ὥστε τὴν μείζονα τῆς ἐλάττωτος μείζον
δύνασθαι εἶ ἀπὸ συμμετρεῖς αὐτῇ.

Proble.8. Propo.32.

Reperire duas lineas mediales potentia
N 2 tan

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tantum commensurabiles medialem superficiem continentes, huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

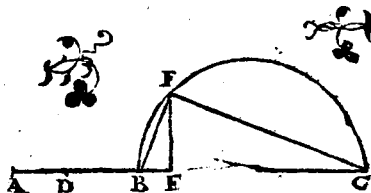


λ γ

Εὕρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητόν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέτρον.

Proble.9. Propo.33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiem rationalem, parallelogrammum verò ex ipsis contentum sit mediale.



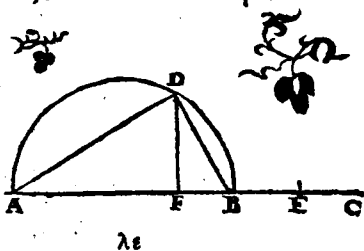
λ δ

Εὕρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέτρον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητόν.

Probl.

Probl. 10. Propo. 34.

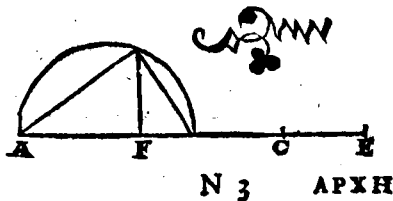
Reperire lineas duas rectas potentia incom-
mensurabiles, conficientes compositum ex
ipſarū qua-
dratis me-
diale, pa-
rallelogra-
mum verò
ex ipſis cō-
tentum ra-
tionale.



Εἰρὲν δύο τεθείας διωκόμει ἀσύμμετρος, ποιούσας
τὸ τε συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων
μέτρῃ, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐκ ἀσύμμετρον
δὲ συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incom-
mensurabiles, conficientes id quod ex ipſa-
rum quadratis componitur mediale, simul-
que parallelogrammum ex ipſis cōntentum;
mediale, quod præterea parallelogrammum
ſit in-
cōmen-
ſurable
cōposito
ex qua-
dratis ip-
ſarum.



ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.
ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-
Δεσιν ἐξάδων.

λϛ

Εάν δύο ῥητὰ διανάμῃ μόνον σύμμετροι συντεθε-
σιν, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστιν. καλεῖσθαι δὲ ἐκ δύο ὀ-
νομάτων.

PRINCIPIUM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potentia tantum commen-
surabiles componantur, tota linea erit irra-
tionalis. Voce. $\overline{A \quad 20 \quad B \quad 6 \quad C}$
tur autem binom-
ium.

λδ

Εάν δύο μέσα διανάμῃ μόνον σύμμετροι συντεθε-
σι ῥητὸν περιέχουσα, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστιν. καλεῖσθαι δὲ
ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum commen-
surabiles rationale continentes compo-
nantur, tota li-
nea est irratio-
nalis, vocetur

$\overline{A \quad B \quad C}$

autem

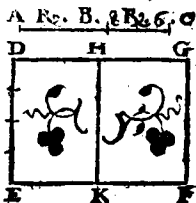
autem Bimediale prius,

λ 4

Εάν δύο μέσαι διωάμει μόνον σύμμετροι σωτηρεῖ-
σι μέθην περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστι. χαλεπὸν δὲ
ἔχει δύο μίσθων δευτέρα,

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales poten-
tia tantum commensura-
biles mediale continen-
tes componantur, tota li-
nea est irrationalis. vo-
cetur autem Bimediale
secundum.

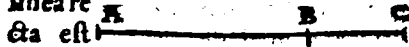


28

Εάν δύο ευθείαι διωμάψ ασύμμετροι συντεῖναι
 ποιῶσαι τὸ μὲν συγχεῖρον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε
 τραγῶνων ῥητόν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέτρον, ἡ δὲ ἑὴ ἐυθεῖα
 ἑὸς ὁγός ἐστὶ καλῶς οὖν ἡ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
componantur, conficientes compositum ex
quadratis ipsarum rationale, parallelogram-
mum verò ex ipsis contentum mediale, tota
linea recta est 



irrationalis. Vocetur autem linea maior.

N 4

Edy

μ
 Εάν δύο ευθείαι δυνάμει ασύμμετροι συντεθῶσι,
 ποιῶσαι τὸ μὲν συγχείδμον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν
 τετραγώνων μέθῃ, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν, ἡ δὲ ἑ-
 θεῖα ἀλογός ἐστι. χαλείσθω δὲ ῥητὸν χαίμεθι δυνά-
 μειν.

Theor. 29, Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
 componantur, conficientes compositum ex
 ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit

ex ip- Λ B C
 sis, ra- $\frac{\Lambda}{B}$ $\frac{C}{B}$

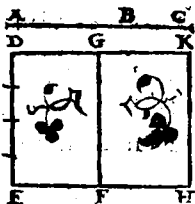
tionale, tota linea est irrationalis. Vocetur
 autem potens rationale & mediale.

μα
 Εάν δύο ευθείαι δυνάμει ασύμμετροι συντεθῶσι
 ποιῶσαι τὸ, τε συγχείδμον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγώνων μέθῃ, χαί τὸ ὑπ' αὐτῶν μέθῃ, χαί ἡ ἀ-
 σύμμετρον δ' συγχέμεν ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγώνων, ἡ δὲ ἑυθεῖα ἀλογός ἐστι. χαλείσθω ὅ δὲ
 μέσα δυνάμειν.

Theor. 30, Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
 componantur, conficientes compositum ex
 quadratis ipsarum mediale, & quod con-
 tinetur ex ipsis, mediale, & præterea in-
 com-

commensurabile compo-
sito ex quadratis ipsa-
rum, tota linea est irratio-
nalis. Vocetur autem po-
tens duo medialia.



μβ

Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καθ' ἐν μόνον σημεῖον διατρέ-
ται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto diuidi-
tur in sua nomi-
na, id est in line.
as ex quibus com-
ponitur.

μ γ

Ἡ ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἐν μόνον σημεῖον
διατρέται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Propo. 43.

Bimediæ prius in vnico tantum puncto
diuiditur in sua
nomina.

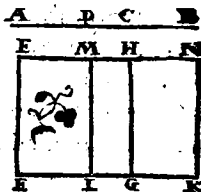


μ δ

Ἡ ἐκ δύο μέσων δευτέρα καθ' ἐν μόνον σημεῖον
διατρέται εἰς τὰ ὀνόματα.

N 5 Theor.

Theor. 33. Propo. 44.

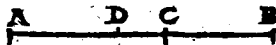


Bimediale secundum in
vnico tantum puncto di-
uiditur in sua nomina.

^{μ ε}
Ἡ μείζων κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαγίνεται εἰς
τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

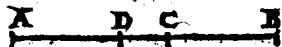
Linea maior in vnico tantum puncto diui-
ditur in
sua no-
mina.



^{μ ς}
Ἡ ῥητὸν καὶ μέγαν δυναμένη κατ' ἐν μόνον σημεῖον
διαγίνεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

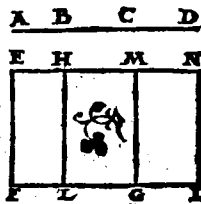
Linea potens rationale & mediale in vnico
tantum
puncto
diuiditur in sua nomina.



^{μ ζ}
Ἡ δύο μέσα δυναμένη κατ' ἐν μόνον σημεῖον δια-
γίνεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor.

Theore. 36. Pro-
positi. 47.



Linea potens duo media-
lia in vnico tantum pun-
cto diuiditur in sua no-
mina.

ΟΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκείμενης ῥητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων διηρημέ-
νης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μῆζον ὄνομα τοῦ ἐλάτ-
τους μῆζον δύναται ὅ· ἀπὸ συμμετρῶς ταυτῇ
μήκει.

α

Εάν μὲν τὸ μῆζον ὄνομα σύμμετρον ᾗ μήκει τῇ ἐκκα-
μένη ῥητῇ, καλεῖσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εάν δὲ τὸ ἐλάττω ὄνομα σύμμετρον ᾗ μήκει τῇ ἐκκα-
μένη ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δεύτερα.

γ

Εάν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾗ μήκει
τῇ ἐκκαμένη ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων
τρίτη.

Πάλιν δὲ εἰάν τὸ μῆζον ὄνομα τοῦ ἐλάττωτος μῆ-
ζον δύνηται ὅ· ἀπὸ ἀσυμμετρῶς ταυτῇ μήκει.

Εάν

Εάν μὲν τὸ μᾶλλον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ἐκκεί-
μενῇ ῥητῇ, καλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτη.

Εάν δὲ τὸ ἐλαττον, πέμπτη.

Εάν δὲ μηδέτερον, ἕκτη.

DEFINITIONES

secundæ.

Proposita linearationali, et binomio diuiso in sua
nomina, cuius binomij maius nomen, id est, ma-
ior portio possit plusquam minus nomen quadra-
to lineæ sibi, maiori inquam nomini, commensu-
rabilis longitudine:

Si quidem maius nomen fuerit commensurabile longi-
tudine proposita lineæ rationali, uocetur tota lineæ
Binomium primum:

Si uero minus nomen, id est minor portio Binomij,
fuerit commensurabile longitudine proposita lineæ
rationali, uocetur tota lineæ Binomium secundum:

Si uero neutrum nomen fuerit commensurabile longi-
tudine proposita lineæ rationali, uocetur Binomium
tertium.

Rursus

Rursus si maius nomen possit, plusquam minus no-
men quadrato lineæ sibi incommensurabilis lon-
gitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurabile longitu-
dine propositæ lineæ rationali, uocetur tota lineæ Bi-
nomium quartum:

5

Si uero minus nomen fuerit commensurabile longitu-
dine lineæ rationali, uocetur Binomium quintum:

6

Si uero neutrum nomen fuerit longitudine commensurabile lineæ rationali, uocetur illa Binomium sex-
tum.

μ η

Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτην.

Proble. 12. Pro-
posi. 48.

Reperire Binomium pri-
mum.

D			
E	16	F	12 G

H	
12	4

A C B

16

μ θ

Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

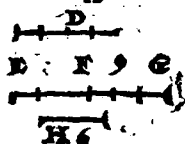
Proa

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 13. Pro-
posi. 49.

9 3
A.....C...B
12

Reperire Binomium se-
cundum.

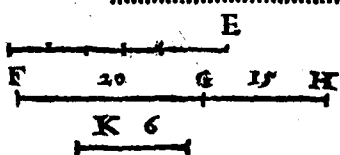


Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Proble. 14. A.....C.....
Prop. 50. 15 5 20

D

Reperi-
re Bino-
mium
tertiū.

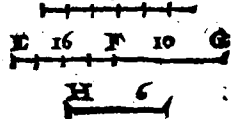


Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Proble. 15.
Prop. 51.

10 6
A.....C.....B
16
D

Reperire Binomium
quartum.



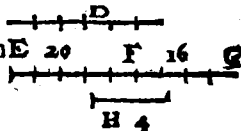
Εὑρεῖν

v6

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἀπέκτασιν.

Probl. 16. Pro- A C
 pos. 52. 16 4
 20

Reperire Binomium
 quintum.



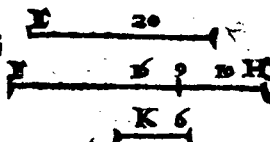
v7

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἐκτίλιν.

10 6
 A C B
 16

Probl. 17. Pro- D
 pos. 53. 20

Reperire Binomiū
 sextum.



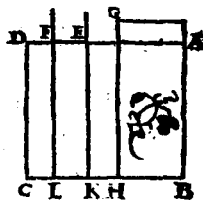
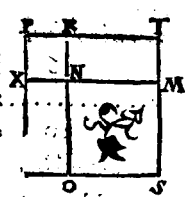
v8

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἑξ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ τὸ χωρίον διωγαμένη ἀλογός ὅτιν ἢ χαλαμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationali &c

li & Bi-
nomio
primo, li-
nea quæ
illam su-
perfici-

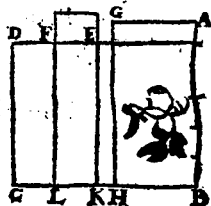
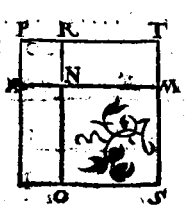


em po-
test, est irrationalis, quæ Binomium vocatur.

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογὸς ᾖ, ἢ χαλᾷμένη ἐκ δύο μέσων πρώτης.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secundo, linea potens illam superficiem est irrationalis, quæ Binomiale primum vocatur.



Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογὸς ᾖ, ἢ χαλᾷμένη ἐκ δύο μέσων δευτέρας.

Theore. 39. Propo. 56.

Si superficies continetur ex rationali &

Binomio

Bino-

mio ter-

tio, linea

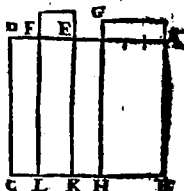
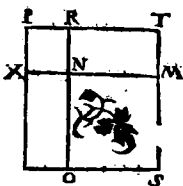
quæ illā

superfici

em po-

test, est

irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundū.



v3

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνοματίων τετάρτης, ἡ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογόβῃ, ἡ χαλαυμένη μέσων.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

quar-

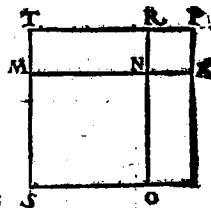
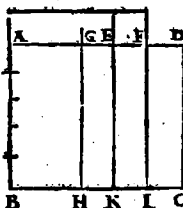
to, li-

neapo-

tens su-

perfici-

em illā,



est irrationalis, quæ dicitur maior.

v4

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνοματίων πέμπτης, ἡ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογόβῃ, ἡ χαλαυμένη ῥητὸν καὶ μέσον διωαμένη.

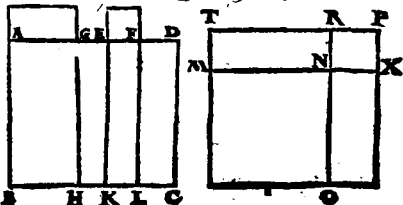
Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies contineatur ex rationali &

O

Bino-

Binomio quinto, linea quæ illam superficiem potest esse irrationalis, quæ dicitur potest rationale & mediale.

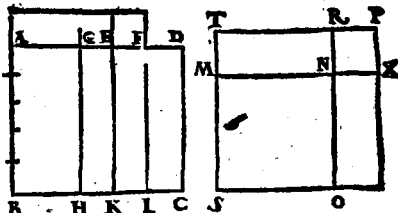


Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτῆς, ἡ το χωρίον διωαμένη ἀλογός ἐστί, ἡ ἑαλωμένη δύο μέσα διωαμένη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio sexto, linea quæ illam superficiem po-

test
est ir-
ratio-
nalis,
quæ
dici-
tur po-
tens



duo medialia.

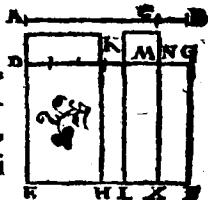
Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ρητὴν παραβαλλόμενον, πλάττει ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτην.

Theo.

Theore. 43. Pro.

posi. 60.

Quadratum Binomij secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.



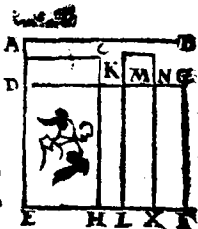
ξ α

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

Theore. 44. Pro.

posi. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.



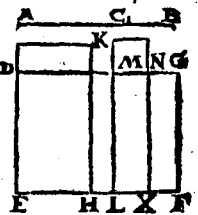
ξ β

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Theore. 45. Pro.

posi. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem applicatū, facit alterum latus Binomii tertium.



O 2

Τ δ

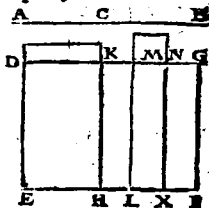
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτῳ.

Theore. 46. Prop. 63.

Quadratum lineæ maioris secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum.

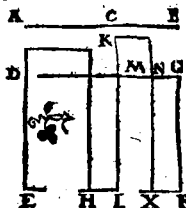


ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μέγαν διωαμένης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτῳ.

Theore. 47. Prop. 64.

Quadratum lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum.

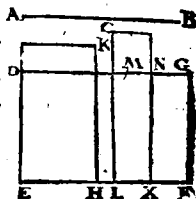


ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων διωαμένης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτῳ.

Theo-

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secundū
rationalem applicatum, fa-
cit alterum latus Binomiū
sextum.

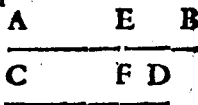


ξϛ

Ἡ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκει σύμμετρος, καὶ αὐτῇ
ἐκ δύο ὀνομάτων ἐστὶ, καὶ τῇ τάξιν αὐτῇ.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea longitudine com-
mensurabilis Binomio est
& ipsa Binomium eiusdē
ordinis.

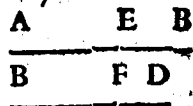


ξδ

Ἡ τῇ ἐκ δύο μέσων μήκει σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων
ἐστὶ, καὶ τῇ τάξιν αὐτῇ.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine com-
mensurabilis alteri bime-
dialium, est & ipsa bime-
diale etiam eiusdem or-
dinis.



ξη

Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτῇ μείζων ἐστὶ.

Ο 3

Theo.

Linea commensurabilis
lineæ maiori, est & ipsa
maior.

A	E	B

C	F	D

ξθ

Ἡ τῇ ῥητὸν καὶ μέγν διωαμένη σύμμετρος, καὶ αὐτὰ
ῥητὸν καὶ μέγν διωαμένη ἐστίν.

Linea commensurabilis lineæ potenti ratio-
nale & mediale, est &
ipsa linea potens ratio-
nale & mediale.

A	E	B

C	F	D

Ἡ τῇ δύο μέσα διωαμένη σύμμετρος, δύο μέσα δι-
ωαμένη ἐστίν.

Linea commensurabi-
lis lineæ potenti duo
medialia, est & ipsa li-
nea potens duo me-
dialia.

A	E	B

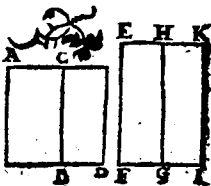
C	F	D

οα

Ῥητοῦ καὶ μέσου σωλιδεμένη, τέσσαρες ἀλογον γίνον-
ται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων ἢ ἐκ δύο μέσων πρώτη ἢ με-
ζων, καὶ ῥητὸν καὶ μέγν διωαμένη.

Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale,

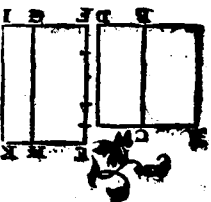


οβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις συνελθόντων, αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἢ τοι ἢ ἐκ δύο μέσων δευτέρων, ἢ ἡ δύο μέσων δυναμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, sunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medalia,



Ο 4

ΣΧΟ.

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων χειρὶ αἰ μετ' αὐτὴν ἄλλοι, οὕτε
τῇ μέσῃ, οὕτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' ἣν πα-
ράκειται, μήκει.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των δευτέραν.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των τρίτην.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μέσον διωκυμένης παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δύο μέσα διωαμένης παρὰ ῥητὴν πρῆ-
 ραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
 ἑκτίω.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τοῦτε πρῶ-
 τῶ καὶ ἀλλήλων, τοῦ μὲν πρώτου, ὅτε ῥητὴ ὅστιν, ἀλλή-
 λων δέ, ὅτε τῇ τάξει ὅδε εἰσὶν αἱ αὐταί, ὁπλον ὡς καὶ
 αὐταὶ αἱ ἀλογοὶ διαφέρουσιν ἀλλήλων.

SCHOLIUM.

*Binomium et cetera consequentes lineae irrationa-
 les, neque sunt eadem cum linea mediāli, nequa
 ipse inter se.*

*Nam quadratum lineae medialis applicatum secun-
 dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam ra-
 tionalem, et longitudine incommensurabilem lineae
 secundum quam applicatur, hoc est, lineae rationali,
 per 23.*

*Quadratum uero Binomij secundum rationalem ap-
 plicatum, facit alterum latus Binomium primum,
 per 60.*

*Quadratum uero Bimedialis primi secundum ratio-
 nalem applicatum, facit alterum latus Binomium se-
 cundum, per 61.*

*Quadratum uero Bimedialis secundi secundum ratio-
 nalem applicatum, facit alterum latus Binomium ter-
 tium,*

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tion, per 62.

Quadratum uero lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum uero lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum uero lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines uocantur, differant & à prima latitudine, quoniã est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diuersorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irrationales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΔΟ-

γων τῶν κατ' ἀφαίρεσιν.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιν ἐξάδει.

ο γ

Ἐὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητὴ ἀφαιρεθῇ διυνάμει μόνον σύμμετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, ἢ λοιπὴ ἀλογὸς ᾖ. καλεῖσθαι δὲ ἀποτομή.

SECUNDVS ORDO ALTE-

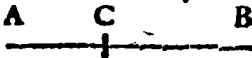
rius sermonis, qui est de detractione.

Principium senariorum per detractionem.

Theor

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis, vocetur autem Residuum.



οδ

Εάν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ δυνάμει μόνον σύμμετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν περιέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χαλεῖσθαι δὲ μέσης ἀποτομὴν πρώτην.

Theor. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuum mediale primum.

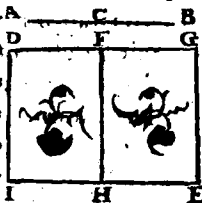
οε

Εάν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ δυνάμει μόνον σύμμετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέτρον περιέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χαλεῖσθαι δὲ μέσης ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ vero detracta est, cum tota continet superficiem medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autem Residuum mediale secundum.



ο 5

Εάν από ευθείας ευθείας αφαιρεθῇ διανάμει ασύμμετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, μετὰ τῆς ὅλης ποιοῦσα, τὸ μὲν ἀπὸ αὐτῶν ἅμα ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῶν μέσον, ἢ λογὸς πρὸς ἀλογόν, ὅτι καὶ λέγεται δεῖ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ sit rationale, parallelogrammum vero ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea erit irrationalis. Vocetur autem linea minor.

ο 3

Εάν από ευθείας ευθείας αφαιρεθῇ διανάμει ασύμμετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, μετὰ τῆς ὅλης ποιοῦσα, τὸ μὲν ὁλόκληρον, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῶν μέσον, ἢ λογὸς πρὸς ἀλογόν, ὅτι καὶ λέγεται δεῖ ἐλάσσων.

συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-
σον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ τὸν, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστι.
χθλαίστω ᾧ μὲν ἤτοι μίαν τὸ ὅλον ποιοῦσα.

Theor. 18. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, compo-
situm autem ex quadratis totius & lineæ de-
tractæ sit mediale, parallelogrammum ve-
rò bis ex eisdem contentum sit rationale,
reliqua lineæ est irrationalis. Vocetur au-
tem linea faciens cum superficie rationali
totam superfi. A C B
ciem media-
lem.

ο η

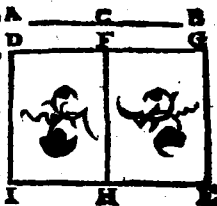
Εάν ἀπὸ ευθείας ευθείας ἀφαιρεθῇ δυναμὶς ἀσύμ-
μετρος οὖσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ
μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων,
μείνῃ, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μείνῃ, ἢ τὰ ἀπ' αὐτῶν
τετραγωνα ἀσύμμετρα ᾧ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ
ἀλογός ἐστι. χθλαίστω ᾧ ἢ μετὰ μέσῳ μίαν τὸ ὅλον
ποιοῦσα.

Theor. 19. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, compo-
situm autem ex quadratis totius & lineæ
detrahtæ sit mediale, parallelogrammum
verò

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

verò bis ex ijsdem sit etiam mediale: præ-
terea sint quadrata ipsarum incommensu-
rabilia parallelogrammo ^A ^C ^B
bis ex ijsdem contento, ^D ^F ^G
reliqua linea est irratio-
nalis. Vocetur autem li-
nea faciens cum superfi-
cie mediali totam super-
ficiem medialem.



ο θ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνον προσαρμόζει εὐθεῖα ῥητῇ,
δυνάμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum linea recta coniungi-
tur rationalis, po- ^A ^B ^C ^D
tentia tantum com-
mensurabilis toti lineæ.

π

Τῇ μίση ἀποτομῇ πρώτη μόνον μία προσαρμόζει
εὐθεῖα μίση, δυνάμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ,
μετὰ δὲ τῇ ὅλῃς ῥητὸν περιέχουσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea
coniungitur medialis, potentia tantum com-
mensurabilis toti, ^A ^B ^C ^D
ipsa cum tota conti-
nens rationale.

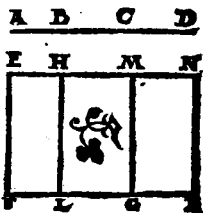
Τῇ

πα

Τῇ μίσει ἀποτομή δευτέρα μία μόνον προσαρμοζέται
 εὐθεῖα μέση, διωάμει μόνον σύμμετρος ὕψα τῇ ὅ-
 λῃ, μετὰ τῇ ὅλης μέθῃ περιέχουσα.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secun-
 do vnica tantum coniun-
 gitur medialis, potenti-
 tantum commensurabilia
 toti, ipsa cum tota contis-
 dens mediale.



πβ

Τῇ τλάσθῃ μία μόνον προσαρμοζέται εὐθεῖα διωά-
 μη ἀσύμμετρος ὕψα τῇ ὅλῃ, ποιούσα μετὰ τῇ ὅλης
 τὸ μὲν ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ῥητόν, τὸ δὲ
 δις ὅτ' αὐτῶν, μέθῃ.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniungi-
 tur potentia incommensurabilis toti, faci-
 ens cum tota compositum ex quadratis ip-
 sarum rationale, id est A B C D
 verò parallelogram-
 mum, quod bis ex
 ipsis fit, mediale.

πγ

Τῇ μετὰ ῥητοῦ μέθῃ τὸ ὅλον ποιούσῃ μία μόνον
 προσαρμοζέται εὐθεῖα διωάμη ἀσύμμετρος ὕψα τῇ
 ὅλῃ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

βλη, μετὰ τῇ ὅλης ποιούσα τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ
τῶν ἁπλῶν αὐτῶν τετραγώνων, μέθ, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐ-
τῶν, ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

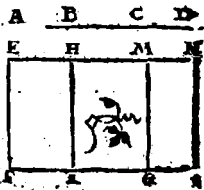
Lineæ facienti cum superficie rationali to-
tam superficiem medialem, vnica tantum
coniungitur linea recta potentia incom-
mensurabilis toti, faciens autem cum tota
compositum ex quadratis ipsarum, mediale,
id verò quod fit A B C D
bis ex ipsis, ratio
male.

πδ

Τῇ μετὰ μέσθ μεθ τὸ ὅλον ποιούση μία μόνον
προσαρμόζει ἐυθεῖα διωμάς ἀσύμμετρος δυσα τῇ
βλη, μετὰ δὲ τῇ ὅλης ποιούσα τὸ, τε συγκείμενον ἐκ
τῶν ἁπλῶν αὐτῶν τετραγώνων, μέθ, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, μέθ, καὶ ἐκ ἀσύμμετρον τὸ συγκείμενον ἐκ
τῶν ἁπλῶν αὐτῶν δὲ δις ὑπ' αὐτῶν.

Theor. 65. Propo. 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti to-
tam superficiem media-
lem, vnica tantum con-
iungitur linea potentia
toti incommensurabilis,
faciens cum tota compo-
situm ex quadratis ipsarū
mediale, id verò quod fit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incommensurabile ei quod sit bis ex ipsis.

ΟΡΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

ὑποκειμένης ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς.

α.

Ἐὰν μὲν ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μείζον δύνῃται ὥς ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμμεσος ᾗ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καλεῖσθαι ἀποτομὴν πρώτην.

β.

Ἐὰν δὲ ἡ προσαρμοζύσα σύμμεσος ᾗ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μείζον δύνῃται ὥς ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ, καλεῖσθαι ἀποτομὴν δευτέραν.

γ.

Ἐὰν δὲ μηδετέρα σύμμεσος ᾗ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μείζον δύνῃται ὥς ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ, καλεῖσθαι ἀποτομὴν τρίτην.

ἵδωμεν ἂν ἡ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μείζον δύνῃται ὥς ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει.

δ.

ΕΛΛ

§

Εάν μὲν ἡ ὅλη σύμμετρος ᾗ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μέτρῃ,
καλείσθαι ἀποτομὴν τετάρτην.

§

Εάν δ' ἡ προσαρμόζουσα, πέμπτη.

§

Εάν δ' μηδετέρα, ἕκτη.

DEFINITIONES

TERTIÆ.

Propositæ lineæ rationali ex residuo.

1

Si quidem tota, nempe composita ex ipso res-
duo ex lineæ illi coniuncta, plus potest quam con-
iuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis lon-
gitudine, fueritq; tota longitudine commensura-
bilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsam
uocetur Residuum primum.

2

Si uero coniuncta fuerit longitudine commensu-
rabilis rationali, ipsa autē tota plus possit quam
coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine com-
mensurabilis, residuum uocetur Residuum secun-
dum.

ι uero

3

Si uerò neutra linearum fuerit longitudine commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, uocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plus quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis.

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, uocetur Residuum quartum.

5

Si uerò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, et tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum quintum.

6

Si uerò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritq; tota potenti-
or quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum sextum.

π 1

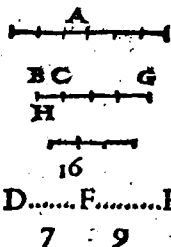
Εὐρεῖν τὴν πρώτῃ ἀποτομήν.

P 2

Proa

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 18. Propo-
siti. 85.

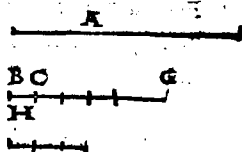


Reperire primum Resi-
duum.

πς

Εὑρεῖν τὴν δευτέραν ἀποτομὴν.

Probl. 19. Propo-
siti. 86.



Reperire secundum Re-
siduum.

D.....F.....E
27 9

πζ

Εὑρεῖν τὴν τρίτῃ ἀποτομὴν.

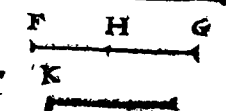
Probl. 20. Propo-
siti. 87.

E.....
21
B.....D.....C
9 7

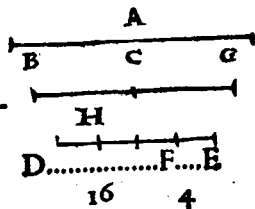
Reperire tertium Re-
siduum.

πη

Εὑρεῖν τὴν τετάρτῃ ἀπο-
τομὴν.



Probl. 21. Pro-
posi. 88.

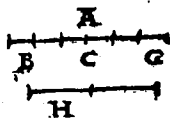


Reperire quar-
tum Residuū.

$\pi \theta$

Εὑρεῖν τὴν τέταρτην ἀποτμήν.

Probl. 22. Pro-
posi. 89.



Reperire quintum Re-
siduum.

h

Εὑρεῖν τὴν ἑκτὴν ἀποτμήν.

Probl. 23. Pro-
posi. 90.

Reperire sextum Resi-
duum.



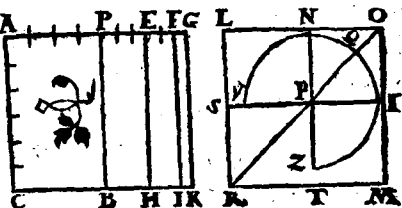
$h \alpha$

Εάν χωρίον περιέχῃται ὑπὸ τρίτης ὁ ἀποτμήν πρῶ-
της, ἢ το χωρίον διωαμένη, ἀποτμήν ὅσῃ.

P 3

Theon

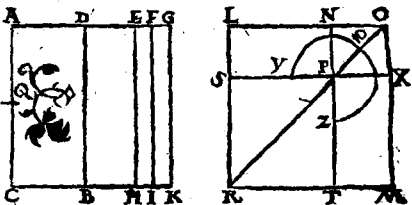
Si superficies contineatur ex linea rationali
& resi- duo pri-
mo, li-
nea quæ
illam su-
perficie
potest,
est residuum.



h 6

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ ἀποτομῆς δευ-
τέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμένῃ, μέσης ἀποτομῇ ὅσα
πρώτη.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& resi-
duo se-
cundo,
linea
quæ il-
lam su-
perfici-
em potest, est residuum mediale primum.



h 7

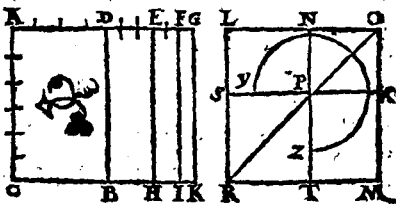
Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ ἀποτομῆς
τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένῃ, μέσης ἀποτομῇ ὅσα
δευτέρα.

Theor.

Theor. 68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& res-
duo ter-
tio, linea
quæ illa
superfi-
ciem po-
test, est



residuum mediale secundum.

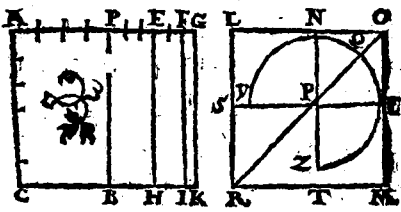
hδ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τε-
τάρτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη, ἐλάσσων ἐστίν.

Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& res-
duo
quarto,
linea
quæ illa
superfi-
ciem po-
test, est linea minor,



test, est linea minor,

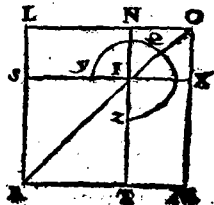
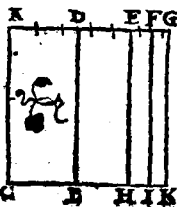
hε

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς
πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη, ἢ μετὰ ῥητοῦ μέ-
τρου λόγον ποιούσα ἐστίν.

P 4

Theor.

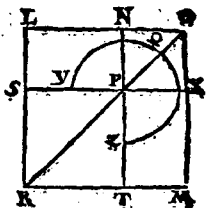
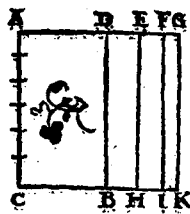
Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo quinto, linea quæ illam superficiem
potest
est ea
quæ di
citur
cum ra
tiona
li su
perfi
cie faciens totam medialem.



h f

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ ἀπορομῆς
ἑκτῆς, ἡ τὸ χωρίον διωκόμενη, μετὰ μέσων μέτρων τὸ
ἅλιν ποιοῦσά ᾗ.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo sexto, linea quæ illam superficiem
potest
est ea
quæ di
citur
faciēs
cum
media



li superficie totam medialem.

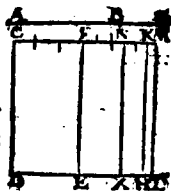
h g

Τὸ ἀπὸ ἀπορομῆς μετὰ ρητῶν παραβαλλόμενον,

πλάτος ποιῶ, ἀποτομὴν πρώτῃ.

Theore. 72. Propo-
siti. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum.

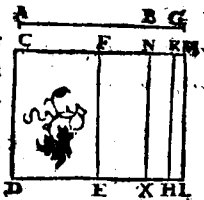


h7.

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν πρῶτον βαλλόμενον, πλάτος ποιῶ, ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum.

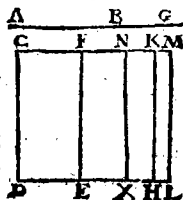


h9

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὴν πρῶτον βαλλόμενον, πλάτος ποιῶ, ἀποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Propo-
siti. 99.

Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum tertium.



P 5

T6

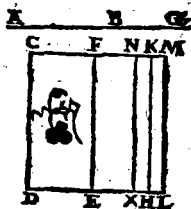
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Τὸ ἀπὸ ἑλάσσονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον,
πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τετάρτην:

Theor. 75. Prop.

po. 100.

Quadratum lineæ mino-
ris secundum rationalem
applicatum, facit alterum
latus residuum quartum:



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητοῦ μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης πα-
ρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν
πρώτην.

Theor. 76. Prop. 101.

Quadratum lineæ cum ra-
tionali superficie facien-
tis totam medialem, se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum quintum.

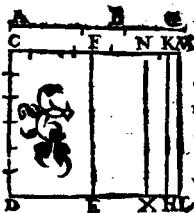


Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης παρὰ
ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν
πρώτην.

Theo.

Theor. 77. Propo. 102.

Quadratum lineæ cum
mediali superficie facien-
tis totam medialem, se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum sextum.

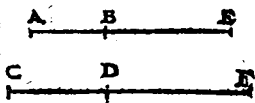


87

Ἡ τῇ ἀποτομῇ μέσῃ σύμμετρος, ἀποτομή ἐστίν, καὶ
τῇ τάξει ἡ αὐτὴ.

Theor. 78. Propo. 103.

Linea residuo com-
mensurabilis longi-
tudine, est & ipsa re-
siduum, & eiusdem
ordinis.

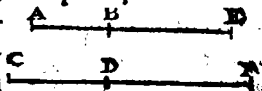


88

Ἡ τῇ μέσῃ ἀποτομῇ σύμμετρος, μέσῃ ἀποτομῇ ἐστίν,
καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτὴ.

Theor. 79. Prop. 104.

Linea commensura-
bilis residuo media-
li, est & ipsa residuum
mediale, & eiusdem ordinis.

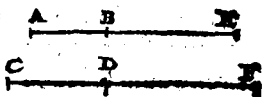


H 79

Ἡ τῇ ἐλάττω σύμμετρος, ἐλάσσων ἐστίν.⁸⁴

Theore. 80. Prop. 105.

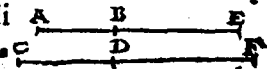
Linea communis
bilis lineæ minori,
est & ipsa linea mi-
nor.



Ἡ τῇ μετὰ ῥητοῦ μέθρ τὸ ὅλον ποιούσῃ σύμμετρος,
ἡ αὐτὴ μετὰ ῥητοῦ μέθρ τὸ ὅλον ποιούσα ἐστίν.⁸⁵

Theore. 81. Prop. 106.

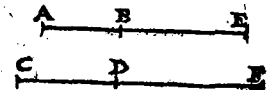
Linea communis cum rationali
superficie facienti totam medialem, est & ip-
sa linea cum rationali
superficie faciens to-
tam medialem.



Ἡ τῇ μετὰ μέθρ τὸ ὅλον ποιούσῃ σύμμετρος, ἡ
αὐτὴ μετὰ μέθρ τὸ ὅλον ποιούσα ἐστίν.⁸⁶

Theor. 87. Prop. 107.

Linea communis cum medi-
ali superficie facienti
totam medialem,
est & ipsa cum me-
diali superficie faciens totam medialem.

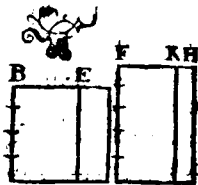


Αὐτὴ

ῥητοῦ, μέση ἀφαιρμένη, ἢ τὸ λοιπὸν χαρίσας
διωμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἢ τοι ἀποτομή, ἢ
ἐλάττω.

Theor. 83. Propo. 108.

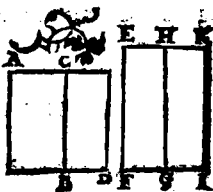
Si de superficie rationali detrahatur superfie
des medialis, linea quæ re
liquam superficiei potest,
est alterutra ex duabus ir
rationalibus, aut residuū,
aut linea minor.



ῥητοῦ ἀφαιρμένη, ἀλλὰ δύο ἀλογοὶ γί
νονται, ἢ τοι μέση ἀποτομή πρώτη, ἢ μετὰ ῥητοῦ τὸ
ἐλόν ποιοῦσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali
detrahatur superficies ra
tionalis, aliæ duæ irratio
nales fiunt, aut residuū
mediale primū, aut cum
rationali superficiei faci
ens totam medialem.



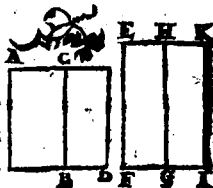
ῥητοῦ, μέση ἀφαιρμένη ἀσυμμέτρῳ ὅτι ἄρα,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

αἱ λοιπαὶ δύο ἀλογοὶ γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή
δεύτερα, ἢ μετὰ μέσῃ μέθῃ τὸ ὅλον ποιεῖσα.

Theor. 85. Propo. 110.

Si de superficie mediali detrahatur superfices medialis quæ sit incommensurabilis toti, reliquæ duæ fiunt irrationales, aut residuum mediale secundum, aut cum mediali superficie facies totam medialem.



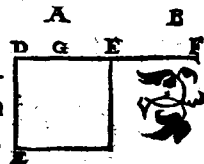
φ ι α.

Ἡ ἀποτομή σὺν ἔστιν ἡ αὐτὴ τῆς δύο ὀνοματιῶν.

Theor. 86. Propo.

posit. 111.

Linea quæ Residuum dicitur, non est eadem cum ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή γὰρ αἱ μετ' αὐτὴν ἀλογοὶ, ὅτε τῇ μέσῃ
ὅτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παραρρήτως παραβαλλόμενον,

λόμδρον, πλάτος ποιῖ, ῥητὴν δὲ ἀσύμμετρον τῇ
παρ' ἣν παρὰίχεται, μήκῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
τον, πλάτος ποιῖ, ἀποτομὴν πρώτῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῖ, ἀποτομὴν δευ-
τέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῖ, ἀποτομὴν
ῥίτῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάττονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
μενον, πλάτος ποιῖ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητοῦ μέθ' ὅλον ποιούσης
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῖ, ἀ-
ποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσθ' ὅλον ποιούσης
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῖ, ἀ-
ποτομὴν ἕκτην.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρῃ τοῦτο
πρώτου καὶ ἁλλήλων (τοῦ μὲν πρώτου, ὅτε ῥητὴ
ῥητῇ, ἁλλήλων δὲ, ὅτε τὰς αἰσῶν αἰσῶν) δὴ-

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

λόν ὡς καὶ αὐτὰ αἱ ἀλογοὶ διαφέρουσιν ἀλλή-
λων. καὶ ἐπεὶ δέδχεται ἡ ἀποτομή σὺν δυσα-
μνήτῃ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιοῦσι δὲ πλάτη
παρὰ ρητὴν παρὰβαλλόμεναι μὲν αἱ μετὰ τὴν
ἀποτομήν, ἀποτομὰς ἀκολουθῶς τῇ τάξει κα-
θαυτῇ, αἱ δὲ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, τὰς ἐκ
δύο ὀνομάτων, καὶ αὗται τῇ τάξει ἀκολουθῶς,
ἑτεραί ἄρα εἰσὶν αἱ μετὰ τὴν ἀποτομήν, καὶ ἑτε-
ραί αἱ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι τῇ τά-
ξει πᾶσαι ἀλογεῖς ι γ.

α	Μέσλιν.	η	Αποτομήν.
β	Εκ δύο ὀνομάτων.	θ	Μέσλιν ἀποτομῶν
γ	Εκ δύο μέσων πρώ- τῶν.		πρώτῶν.
δ	Εκ δύο μέσων δευ- τέρων.	ι	Μέσλιν ἀποτομῶν
			δευτέρων.
ε	Μείζονα.	ια	Ελάττονα.
ς	Ρητὸν καὶ μέγνδυ ναμένλιν.	ιβ	Μετὰ ῥήτῃ μέσον τὸ ῥητὸν ποιοῦσαν.
ζ	Δύο μέσα διωαμέ- νῶν.	ιγ	Μετὰ μέσῃ μέγνδυ ῥητὸν ποιοῦσαν.

SCHO-

LIBER X.
SCHOLIVM.

121

Linea quæ Residuum dicitur, & ceteræ quinque
eam consequentes irrationales, neque lineæ me-
diali neque sibi ipse inter se sunt eadem. Nam
quadratum lineæ medialis secundum rationalem
applicatum, facit alterum latus, rationalem li-
neam longitudine incommensurabilem ei, secun-
dum quam applicatur, per 23.

Quadratum uerò residui secundum rationalem
applicatum, facit alterum latus residuum pri-
mum, per 97.

Quadratum uerò residui medialis primi secun-
dum rationalem applicatum, facit alterum latus
residuum secundum, per 98.

Quadratum uerò residui medialis secundi, facit
alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum uerò lineæ minoris facit alterum
latus residuum quartum, per 100.

Quadratum uerò lineæ cum rationali superficie
facientis totam medialem, facit alterum latus
residuum quintum, per 101.

Quadratum uerò lineæ cum mediali superficie
facientis totam medialem, secundum rationalem
applicatum, facit alterum latus residuum sex-
tum, per 102.

Q

Cum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato æqualis et secundum rationalem applicati, differant et à primo latere, et ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est Residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui et quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt et residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter et quadrata Binomij et quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomij eiusdem ordinis cuius sunt et Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ consequuntur Binomium, et quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

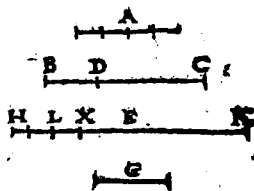
- | | |
|-------------------------------|---|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum mediale secundum. |
| 3 Binomiale primum. | cundum. |
| 4 Binomiale secundum. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum rationali |
| 6 Potens rationale & mediale. | superficie totam mediam. |
| 7 Potens duo medialis. | 13 Faciens cum mediali superficie totam mediam. |
| 8 Residuum. | 14 Residuum mediale. |

§ 16

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομήν, ἥς τὰ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι τοῖς τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ὀνόμασι, καὶ ὅν αὐτῶν λόγος, καὶ ἡ γινόμενη ἀποτομή τῶν αὐτῶν ἐκ τῶν δύο ὀνομάτων.

Theore. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum Binomium applicatū, facit alterum latus residuum, cuius nomina sunt communia Binomij hominibus, & in eadem proportionem: præterea id quod fit Residuum, eundem



Q 2

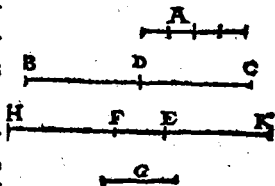
ordi-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
ordinem retinet quem Binomium.

§ γ
Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ ἀποτομὴν παραβαλλόμενον,
πλάτος ποιῶ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἢ τὰ ὀνόματα
σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ὅτι
ᾧ αὐτῷ λόγῳ. ἢ ἡ γινομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν
αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀποτομῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum res-
duum applicatum, facit alterum latus Bino-
mium, cuius nomi-
na sunt commensu-
rabilia nominibus
residui & in eadem
proportionē præ-
terea id quod fit Bi-
nomium, est eiusdē
ordinis, cuius & Residuum.

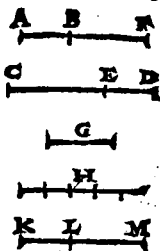


§ δ
Ἐάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ἀποτομῆς καὶ ἑκτὸς ἐκ δύο
ὀνομάτων ἢ τὰ ὀνόματα σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ἀ-
ποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ὅτι αὐτῷ λόγῳ, ἢ τὸ χωρίον
διωαμένη, ῥητὴ ἐστίν.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex res-
duo

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportionem, linea quae illam superficiem potest, est rationalis.

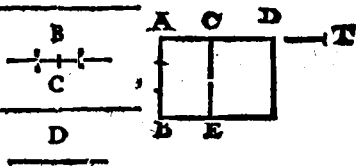


§ 10

Ἀπὸ μέσης ἀπείροι ἀλογοὶ γίνονται, καὶ οὐδεμία οὐδεμιά τῶν πρότερον ἢ αὐτή.

Theor. 90. Propo. 115.

Ex linea mediali nascuntur lineae irrationales innumerabiles, quarum nullavllian recta-rum eadem sit.



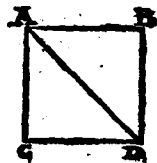
Προαίσιον ἡμῖν δεῖται, διὰ τὰς τῶν τετραγώνων σχημάτων, ἀσύμμετρος ὅτιν ἡ διὰ μέσους τῇ πλευρᾷ μήκη.

Q 3 Pro-

Propo. 116.

E...H...F
G.

Propositum nobis est
demonstrare in figuris
quadratis diametrum esse
longitudine incommen-
surabilem ipsi lateri,



Elementi decimi finis,



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EV CLIDIS ELEMEN-
TVM VNDECIMVM,
ET SOLIDORVM
primum.

ΟΡΟΙ.

Στερεών ἔστι τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάσις ἔχει.

DEFINITIONES

^I
Solidum, est quod longitudinem, latitudi-
nem, & crassitudinem habet.

^Β
Στερεῶν ἡ πλάτος, ἐκτείνετα.

Q 4

Solidi

2

Solidi autem extremum est superficies,

γ

Εὐθεία πρὸς ἐπίπδον ὀρθὴ ὅστιν, ὅταν πρὸς πάσας
τὰς ἀπομένους αὐτῆς εὐθείας, χύσας ἐν ᾧ αὐτῇ
ὑποκείμενῳ ἐπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cūm ad re-
ctas omnes líneas, à quibus illa tangitur,
quæque in proposito sunt plano, rectos an-
gulos efficit.

δ

Επίπδον πρὸς ἐπίπδον ὀρθόν ὅστιν, ὅταν αἱ τῇ κοι-
νῇ τῶν ἐπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι ἐν-
δεΐαι ἐνὶ τῶν ἐπιπέδων, ᾧ λοιπῷ ἐπιπέδῳ πρὸς
ὀρθὰς ᾖσιν.

4

Planum ad planum rectum est, cūm rectæ li-
næ, quæ communi planorum sectioni ad
rectos angulos in vno planorum ducuntur,
alteri plano ad rectos sunt angulos.

ε

Εὐθεία πρὸς ἐπίπδον κλίσις ἐστίν, ὅταν ἀπὸ τοῦ
μετώρου πέρατος τῆς εὐθείας ἐπὶ τὸ ἐπίπδον κα-
θετος ἀχθῇ, καὶ ἀπὸ τοῦ γενομένου σημείου, καὶ ἀπὸ
τοῦ ἐν ᾧ ἐπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεία
ᾖσιν.

ὁπῖτευχθῆ, ἡ περιεχομένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς
ἀχθείσης καὶ τῆς ἐπισώσης.

5
Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus
est angulus ipsa insistente linea & adiuncta
altera comprehensus, cū à sublimi rectæ il-
lius lineæ termino deducta fuerit perpendi-
cularis, atque à puncto quod perpendicu-
laris in ipso plano fecerit, ad propositæ illius li-
neæ extremum, quod in eodem est plano, al-
tera recta linea fuerit adiuncta.

6
Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ἐστίν, ἡ περιεχομένη
ὀξεία γωνία ὑπὸ τῶν πρὸς ὁρδᾶς τῇ κοινῇ τομῇ ἀγο-
μῆτων πρὸς τῷ αὐτῷ σημειῷ ἐκ γὰρ τῶν ἐπι-
πέδων.

6
Plani ad planum inclinatio, acutus est an-
gulus rectis lineis contentus, quæ in utroq;
planorum ad idem communis sectionis pun-
ctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos ef-
ficiunt.

7
Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁμοίως κεκλίσθαι λέγε-
ται, καὶ ἕτερον πρὸς ἕτερον, ὅταν αἱ ἐρημνύται τῶν κλί-
σιν γωνίαί τε αἱ ἀλλήλαις ὦσι.

Q 5 Pla-

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

8

Παράλληλα ἐπιπίδα ἔστι τὰ ἀσύμμητα.

8

Parallelæ plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

9

Ὅμοια στερεὰ σχήματα ἔστι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπίδων περιεχόμενα ἴσων τὸ πλῆθος.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

10

Ἰσα ἢ ἕξ ὁμοία στερεὰ σχήματα ἔστι, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἐπιπίδων περιεχόμενα ἴσων ᾧ πλῆθος ἕξ τῶ μεγέθους.

10

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

11

Στερεὰ γωνία ἴσιν, ἢ ὑπὸ πλεόνων ἢ δύο γραμμῶν ἐκτε-

ἑπομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ επιφανείᾳ
 οὖσιν, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

II

Solidus angulus, est plurium quàm duarum
 linearum, quæ se mutuo contingant, nec in
 eadem sint superficie, ad omnes lineas in-
 clinatio,

ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ἐστίν, ἡ ὑπὸ πλὴρόν τινος ἢ δύο ἐπιπέδων
 γωνίων περιεχομένη, μὴ οὖσιν ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιπέ-
 δῳ, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισταμένων.

Aliter.

Solidus angulus, est qui pluribus quàm duo-
 bus planis angulis in eodem non consisten-
 tibus plano, sed ad vnum punctum colle-
 ctis, continetur.

ιβ

Πύραμις ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ἐπιπέδοις περιεχόμε-
 νον, ἀπὸ ἐπὶ ἐπιπέδου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνιστάμε-
 νον.

12

Pyramis, est figura solida quæ planis conti-
 netur, ab vno plano ad vnum punctum col-
 lecta.

ιγ

Πρίσμα ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ἐπιπέδοις περιεχόμε-
 νον, ὡς δύο τὰ ἀπεναντίον ἴσα τε καὶ ὁμοία ἐστί, καὶ
 παράλληλα, τὰ δὲ λοιπὰ παράλληλόγραμμα.

Prisma,

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

18

Σφαῖρά ἐστιν, ὅταν ἡμικυκλίῳ κινουμένη τῆς διαμέτρου, περιενεχθῇ τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιελθὲν σχῆμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cum in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

18

Ἀξων δὲ τῆς σφαῖρας ἐστίν, ἡ μένουσα, ἐκ τῆς, περὶ ἣν τὸ ἡμικύκλιον ἐφέρεται.

15

Axis autem sphæræ, est quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον δὲ τῆς σφαῖρας ἐστὶ τὸ αὐτὸ, ὃ καὶ τοῦ ἡμικυκλίου.

16

Centrum verò Sphæræ est idem, quod & semicirculi.

Διά-

15

Διάμετρος ἡ τῆς σφαίρας ἐστίν, ἐνδιὰ τῆς διὰ τοῦ
κέντρου ἡγμένη, καὶ περατουμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέ-
ρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17

Diameter autem Sphaerae, est recta quaedam
linea per centrum ducta, & vtrunque à sphæ-
ræ superficie terminata.

17

Κῶνος ὄρεται, ὅταν ὀρθογωνίῳ ῥιζῶντι, μένουσας
πλευρὰς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, περιεπεχθῇ τὸ
ῥιζῶνον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκταλασθῇ ὅθεν ἤρξατο
το φέρεισθαι, τὸ περιληφθῆν σχῆμα. καὶ ἡ μένυστα
ἐνδείξει ἴση ἢ τῇ λοιπῇ τῇ περὶ τὴν ὀρθὴν περιφερο-
μένη ὀρθογωνίῳ ἔσται κῶνος. ἐάν ᾖ ἐλάττω, ἀμβλυ-
γωνίῳ. ἐάν ᾖ μείζων, ὀξυγωνίῳ.

18

Conus est figura, quæ conuerso circumqui-
escens alterum latus eorum quæ rectum
angulum continent, orthogonio triangu-
lo continetur, cùm in eundem rursus lo-
cum illud triangulum restitutum fuerit, vn-
de moueri cœperat. Atque si quiescens re-
cta linea æqualis sit alteri, quæ circum re-
ctum angulum cōuertitur, rectangulus erit
Conus: si minor, amblygonius: si verò ma-
ior, oxygonius.

Ἀξίον

18

ἄνω δὲ τοῦ κύκλου εἰνὴ ἡ μένισα, περὶ ἣν τὸ τρίγωνον περιέρεται.

19

Axis autem Cōni, est quiescens illa linea, circum quam triangulum vertitur.

κ

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος ὁ ὑπὸ τῆς περιφερομένης ἐνδοῦς γραφομένου.

20

Basis verò Cōni, circulus est qui à circumducta linea recta describitur.

κα

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνία παραλληλογράμμου μὲν ὁμοῦσης μιᾶς πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν, περιεχθὲν τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιλαμβανόμενον σχῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso circum quiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, parallelogrammo orthogonio comprehenditur, cum in eundem rursus locum restitutum fuerit illud parallelogrammum, vnde moueri coeperat.

κβ

ἄνω δὲ τοῦ κύλινδρου εἰνὴ ἡ μένισα ἐνδοῦς, περὶ ἣν τὸ

ἢ τὸ παραλληλόγραμμον ἐρέσεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

xγ

Βάσεις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῶν ἀπεναντίον περιγεγόμενων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

xδ

Ἰμοιοὶ κῶναι καὶ κύλινδροί εἰσιν, ὧν οἷτε ἀξονες καὶ αἱ διάμετροι τῶν βάσεων ἀνάλογόν εἰσιν.

24

Similes cōni & cylindri, sunt quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

xε

Κύβος ἐστὶ σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ἑξ τετραγώνων ἰσῶν περιεχόμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

xς

Τετραέδρον ἐστὶ σχῆμα ὑπὸ τετάρτοις τριγώνων ἰσῶν

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.
ἴσων ἑῶν ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

26

Tetraëdrum est figura, quæ triangulis
quatuor æqualibus & æquilateris conti-
netur.

κ ζ

Οκταεδρὸν ἔστι σχῆμα τετρὸν ὑπὸ ὀκτὸς ῥυθμῶν
ἴσων ἑῶν ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

27

Octaëdrum figura est solida, quæ octo
triangulis æqualibus & æquilateris conti-
netur.

κ η

Δωδεκάεδρὸν ἔστι σχῆμα τετρὸν ὑπὸ δώδεκα πεν-
ταγώνων ἴσων ἑῶν ἰσοπλευρῶν, ἑῶν ἰσογωνίων πε-
ριεχόμενον.

28

Dodecaëdrum figura est solida, quæ duode-
cim pentagonis æqualibus, æquilateris, &
æquiangulis continetur.

κ θ

Εἰκοσαεδρὸν ἔστι σχῆμα τετρὸν ὑπὸ εἰκοσὶ ῥυθμῶν
ἴσων ἑῶν ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

29

Eicosaëdrum figura est solida, quæ trian-
gulis viginti æqualibus & æquilateris con-
tinetur.

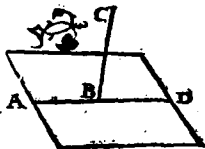
Περὶ τῶν ὀκτὸν.

α

Ἐὰν δύο γραμμῆς μέτρος μὲν λ οὐκ ἔσιν $\epsilon\iota\varsigma$ ὁ δ ὑπὸ
κειμένου δ ἀπὸ πλάτους, μέτρος δὲ λ $\epsilon\iota\varsigma$ ὁ δ μετρώσῃ.

Theorema 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars
in subiecto quidem non
est plano, quædam verò
in sublimi.

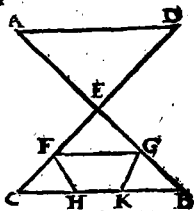


β

Ἐὰν δύο ἐυθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, $\epsilon\iota\varsigma$ ἐνὶ εἰσὶν ἐπί-
πλάτῃ, καὶ τῶν ῥιζῶν $\epsilon\iota\varsigma$ ἐνὶ ὅτῃ ἀπὸ πλάτους.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuo secēt, in vno sunt pla-
no: atq; triangulū omne
in vno est plano.

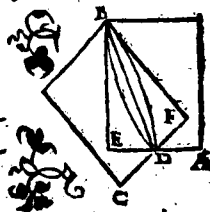


γ

Ἐὰν δύο ἐπίπλετα τέμνῃ ἀλλήλα, ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ
ευθεὶα ὅσῃ.

Theor. 3. Propo-
sitio 3.

Si duo plana se mutuo se-
cēt, communis eorum se-
ctio est recta linea.



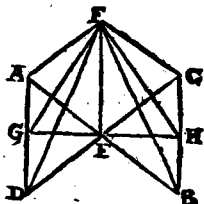
R

S. Edv

Εάν ἐνθεῖα δύο σὶ ἐνθείαις τεμνούσαις ἀλλήλας, πρὸς ὁρθὰς ἐπὶ τῇ κοινῇ τομῇ ἔκτασθῃ καὶ δι' αὐτῶν ἔκτασθῃ πρὸς ὁρθὰς ἑξαι.

Theor. 4. Prop. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secantibus, in communi sectione ad rectos angulos insistat illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.



Εάν ἐνθεῖα τρεῖς ἐνθεῖαις ἀπομειναις ἀλλήλων, πρὸς ὁρθὰς ἐπὶ τῇ κοινῇ τομῇ ἔκτασθῃ, αἱ τρεῖς ἐνθεῖαι ἐν ἑνὶ ἐπίγει ἔκτασθῃ.

Theor. 5. Prop. 5.

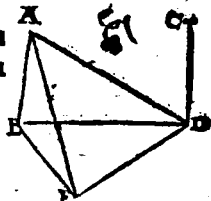
Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangentibus, in communi sectione ad rectos angulos insistat, illæ tres rectæ in vno sunt plano.



Εάν δύο ἐνθεῖαι δι' αὐτῶν ἔκτασθῃ πρὸς ὁρθὰς ὅσες, καὶ ἄλλοι ἴσονται αἱ ἐνθεῖαι.

Theor.

Si duæ rectæ lineæ eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelæ erunt illæ
rectæ lineæ.



Εάν ὅσαι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ληφῶν ἡ ἐφ' ἑκα-
τέρας αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ τὰ σημεῖα βῇ
ζυγυμένη εὐθεῖα, ὅν ᾧ αὐτῇ βῇ πῶς ἐστὶ τὰς πα-
ράλληλοις.

Theorema 7. Prop. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum
utraque sumpta sint quæ- $\overline{A E B}$
libet pūcta, illa linea quæ
ad hæc puncta adiungi-
tur, in eodem est cum pa-
rallelis plano.



Εάν ὅσαι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ἡ ἡτέρα αὐτῶν ἰ-
πιδῶσιν ἐνὶ πρὸς ὁρδὰς ἡ, καὶ ἡ λοιπὴ ᾧ αὐτῇ βῇ
πῶς πρὸς ὁρδὰς ἐστὶ.

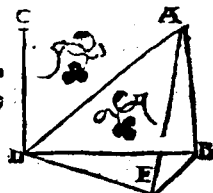
Theorema 8. Prop. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, quarum

R 2 alte-

altera ad rectos cuidam
plano sit angulos, & reli-
qua eidē plano ad rectos
angulos erit.

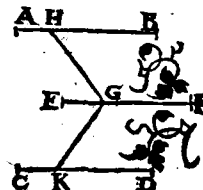
3



Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παράλληλοι, καὶ μὴ οὖσαί αὐτῇ
ἐν δὲ αὐτῇ ἐπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλων εἰσὶ παράλληλοι.

Theor. 9. Prop. 9.

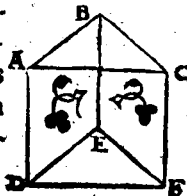
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæc
quoque sunt inter se pa-
rallæ.



Εάν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ μὲν αὐτῶν ἀλλήλων παρά δύο εὐ-
θείας ἀπὸ μὲν αὐτῶν ἀλλήλων ὦσι, μὴ ἐν δὲ αὐτῇ ἐπι-
πέδῳ, ἴσας γωνίας περιέχουσι.

Theor. 10. Prop. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales compre-
hendent.

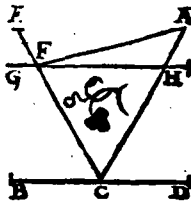


102

Απὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετέρω, ἐπὶ τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον κείθεν ἐνδεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Probl. 1. Propos. 11.

A dato sublimi pύcio, in subiectum planum perpendicularem rectam lineam ducere.



Τὸ δοθέν ἐπὶ πῖδω, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτοῦ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς ἐσθῆεν γραμμὴν ἀναγεῖναι.

Problema 2. Propo. 12.

Dato plano, a puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectam lineam excitare.



17

Τὸ δοθέν ἐπὶ πῖδω, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου, δύο ἐνδεῖαι πρὸς ὀρθὰς οὐκ ἀναγεῖσονται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theorema 11. Propositionis 13.

R 3

Dato

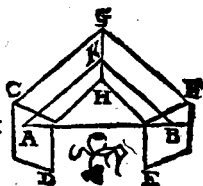
Dato plano, à pũcto quod
in illo datum est, duæ re-
ctæ lineæ ad rectos angu-
los non excitabuntur ad
easdem partes.



Πρὸς δὲ ἐπίπλευα ἡ αὐτὴ ἐκδοῖα, ὅρῳ βῆ, παρὰλλη-
λα βῆ τὰ ἐπίπλευα.

Theor. 12. Prop. 14.

Ad quæ plana, eadem re-
cta linea recta est, illa sunt
parallela.



Εὰν δύο ἐκδοῖαι ἀπὸ μὲν αὐτῶν ἀλλήλων, παρὰ δύο ἐκ-
δοῖας ἀπομένους ἀλλήλων ᾧσι μὲν ἐν τῷ αὐτῷ ἐπίπλευ
ᾧ δὲ ὅσῳ, παρὰλληλα βῆ τὰ δι' αὐτῶν ἐπίπλευα.

Theorema 13. Prop. 15.

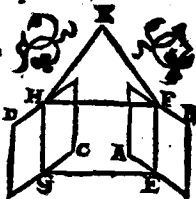
Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad
duas rectas se mutuò tan-
gentes sint parallelæ, non
in eodem consistentes pla-
no, parallelæ sunt quæ per
illas ducuntur plana.



Εάν δύο επίπεδα παράλληλα ὑπὸ ὁμοπίπτουσας ἑνὸς τμήματος, αἱ κοινὰ αὐτῶν τομῶν παράλληλοι εἴσι.

Theore. 14. Prop. 16.

Si duo plana parallela plano quopiam secantur, communes illorum sectiones sunt parallelæ.

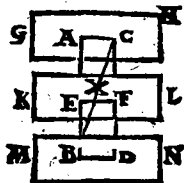


13

Εάν δύο επίπεδα ὑπὸ παραλλήλων ὁμοπίπτουσας τμήσεων, αἱ τοῦς αὐτοῦς λόγους τμηθῶσινται.

Theor. 15. Prop. 17.

Si duæ rectæ lineæ parallelis planis secantur, in eadem rationes secabuntur.



14

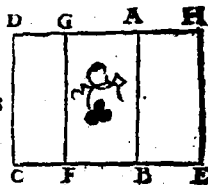
Εάν ἑστὶν ὁμοπίπτουσαι πρὸς ὁρμὰς ἡ, κ, πάντα τὰ δι' αὐτῶν επίπεδα, τῇ αὐτῇ ὁμοπίπτουσαι πρὸς ὁρμὰς εἶναι.

Theorema 16. Propositio 18.

R 4

Si

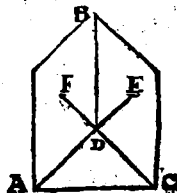
Si recta linea plano cui-
piam ad rectos sit angu-
los, illa etiam omnia quæ
per ipsam plana, ad rectos
eidem plano angulos e-
runt,



Εάν δύο ἐπίπεδα τέμνοντα, ἄλληλα ἐκίπιδω ἐνὶ
πρὸς ὀρθὰς ἤ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ δ' αὐδ' ἐκί-
πιδω πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theore. 17. Propo. 19.

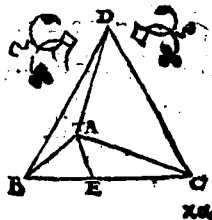
Si duo plana se mutuo se-
cantia plano cuidam ad re-
ctos sint angulos, commu-
nis etiam illorum sectio
ad rectos eidem plano an-
gulos erit.



Εάν τρεῖς γωνία ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ἐκίπιδω περιέ-
χεται, δύο ὁποιασὺν τ' λοιπὸς μείζοντες εἰσι, πάντα
μεταλαμβανόμεναι.

Theor. 18. Prop. 20.

Si angulus solidus planis
tribus angulis contineat-
tur, ex his duo quilibet
vixit assumpti tertio sunt
maiores.



κα

ἑκάστα ἑξῆς γωνία ὑπὸ ἑλασσόνων ἢ τεσσάρων ὁ-
δῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor. 19. Propos.

tio 2.

Solidus omnis angulus mi-
noribus continetur, quàm
rectis quatuor angulis pla-
nis,



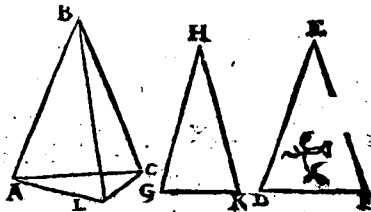
κβ

Ἐάν ὦσι ἄξις γωνία ἐπίπεδοι, ὧν αἱ δύο τ' λοιπῆς
μείζονες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεν, περιέχω-
σι ἡ αὐτὰς ἴσας ἐυθείας, δυνατόν ἔστιν ἐκ τῶν ὁρίσασθαι
ἐνυπὸν τὰς ἴσας ἐυθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propo. 22.

Si plani tres anguli equalibus rectis continen-
antur lineis, quorum duo utlibet assumpti,
tertio sint maiores, triangulum constitui

potest ex
lineis æ-
quales il-
las rectas
coniun-
gentibus.



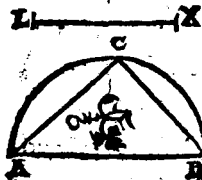
κγ

Ἐκ τῶν γωνιῶν ἐπιπέδων, ὧν αἱ δύο τ' λοιπῆς μεί-
ζονες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεν, ἑξῆς γωνί-
αν

R 5

νια

Ex planis tribus angulis, quorum duo vt libet assumpti tertio sint maiores, solidum angulum constituere. Decet autem illos tres angulos rectis quatuor esse minores.

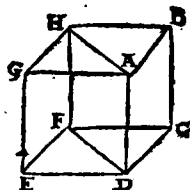


Theor.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis contingatur, aduersa illi plana & æqualia sunt & parallelogramma.

x1

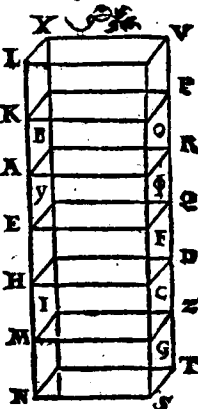


Εάν στερεὸν παραλλήλοις ἐπιπέδοις ἐκτετατῇ, τὰ ἀντιπαράλληλα ὄντι τοῖς ἀποκαταίον ἐπιπέδοις, ἴσα ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, ὅμοια τὸ στερεὸν πρὸς τὸ στερεόν.

Theor. 22. Propo. sit. 25.

Si solidum parallelis planis conteneum plano secetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

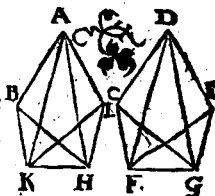
x2



Πρὸς τῇ δοθείσῃ ἐκδοίᾳ καὶ ὅτ' πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ στερεῇ γωνίᾳ ἴσῃ στερεῇ γωνίᾳ συστάσθαι.

Proo

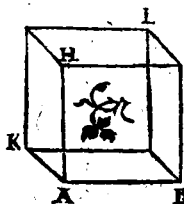
Ad datam rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato equa-
lem.



Από τῆς δοθείσης ευθείας, ὅπου δοθέντι στερεῷ παραλλη-
λεπίπεδον ὁμοιόν τε καὶ ὁμοίως κείμενον στερεὸν πα-
ραλληλεπίπεδον ἀναγράψαι.

Probl. 5. Propositio 7.

A data recta, dato solido parallelis planis
comprehensio simile & similiter positum so-
lidum
paralle-
lis pla-
nis con-
tentum
descri-
bere.

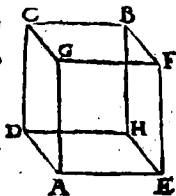


Εάν στερεὸν παραλληλεπίπεδον ὅτι πῶς κα-
τὰ τὰς διαγωνίους τῶν ἀπεναντίον ὅτι πῶς
τμηθῇ σκεταὶ τὸ στερεὸν ὑπὸ τοῦ ὅτι πῶς.

Theorema 13. Proposit. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum,
ducto

ducto per aduersorum planorū diagonios
plano se-
ctum sit,
illud so-
lidū ab
hoc pla-
no bifur-
riam se-
cabitur.

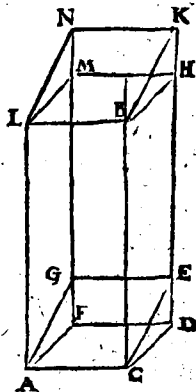


κθ

Τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῆς βάσει ὄντα στερεὰ παραλληλεπί-
παιδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὅν αἱ ἐφεξῶς αἱ ἐπὶ τῶν
αὐτῶν εἰσὶν ἐυθειῶν, ἴσα ἀλλήλοις εἶναι.

Theor. 24. Proposi-
tio 29.

Solida parallelis planis
comprehensa, quæ super
eandem basim & in ea-
dē sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ in
ijsdem collocantur re-
ctis lineis, illa sunt inter
se æqualia.



λ

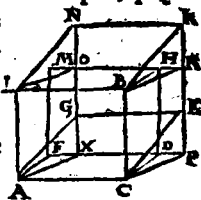
Τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῆς βάσει ὄντα στερεὰ παραλληλεπί-
παιδα,

EVCLID. ELEM. GEOM.

πρῶτα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὅν αἱ ἐφ' ὧν αὐτὰ οὐκ ἔ-
σιν ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐνδείων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theor. 25. Prop. 30.

Solida parallelis planis circumscrip-
ta, quæ su-
per eandem basim & in ean-
dem sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ non
in iisdem reperiuntur res-
tæ lineis, illa sunt inter se
æqualia.

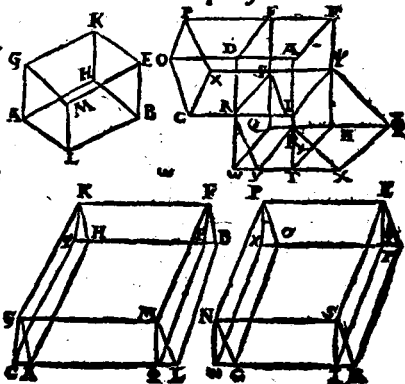


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπρῳτα,
ἃ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theor. 26. Prop. 31.

Solida
paralle-
lis pla-
nis cir-
cumscri-
pta, quæ
in eadē
sunt al-
titudi-
ne, æ-
qualia
sunt in-
ter se.



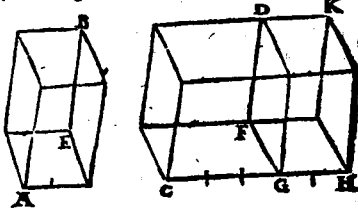
λβ

Τδ

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπαι-
δα, πρὸς ἀλλήλας εἶναι, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circumscripta quæ
eiusdem
sunt altitu-
dinis, eam
habent in-
ter se ra-
tionem,
quam ba-
ses. \

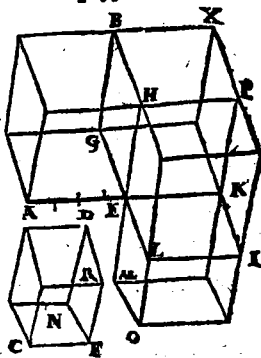


λγ

Τὰ ὁμοία στερεὰ παραλληλεπίπαιδα, πρὸς ἀλλήλας
εἶναι, ὡς αἱ τρίπλαστοι, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida pa-
rallelis planis cir-
cumscripta ha-
bent inter se ra-
tionem homolo-
gorum laterum
triplicatam.



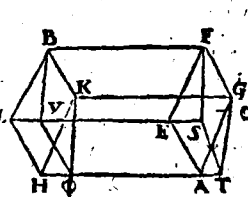
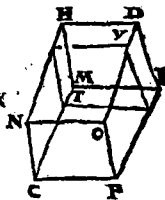
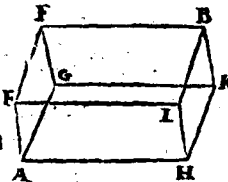
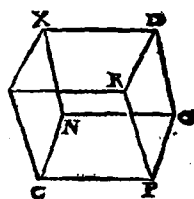
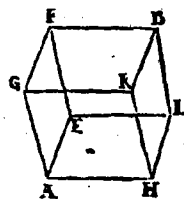
λδ

Τῶν

Τῶν ἰσῶν στερεῶν παραλληλεπίδων ἀντιπεπόν-
 θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ τῶν στερεῶν παραλλη-
 λεπίδων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν,
 ἴσα εἶν ἐκείνα.

Theor. 29. Proposit. 34.

Aequa-
 liū soli-
 dorū pa-
 rallelis
 planiscō
 rentorū
 bases cū
 altitudi-
 nibus re-
 cipro-
 cantur.
 Et solida
 paralle-
 lis planis
 contēta,
 quorum
 bases cū
 altitudi-
 nibus re-



ciprocantur, illa sunt æqualia.

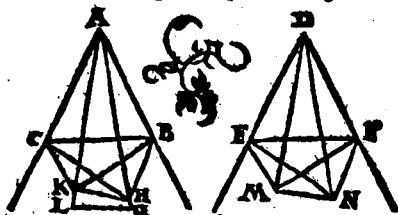
λς

Ἐάνθρωποι δύο γωνία ἐπὶ πλάτος ἴσαι, ἐπὶ δὲ τῶν κορυ-
 φῶν αὐτῶν μετὰ τοὺς ἐνδοῦς ὁμοῦς ἴσαις γο-
 νίαις.

νίας περιέχουσι μετὰ τῶν δὲ ἀρχῆς ἐυθειῶν, ἑκα-
τέραν ἑκατέρα, ἐπὶ τῶν μεταῶν ληφθῆ τυχόντα
σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ἐπὶ τὰ ἐπίπεδα, ἐν δις εἰσὶν
αἱ ἀρχαὶ γωνίας, καὶ δεῖται ἀχθῶσιν, ἀπὸ τῶν γε-
νομένων σημείων ὑπὸ τῶν καθέτων ἐπὶ τῆς ἐπιπί-
δοις, ἐπὶ τὰς δὲ ἀρχὰς γωνίας ἐπιτευχθῶσιν ἐυθεῖαι,
ἰσας γωνίας περιέχουσι μετὰ τῶν μεταῶν.

Theorema 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
verticibus sublimes rectæ lineæ insistant,
quæ cum lineis primò positis angulos con-
tineant æquales, utrunque utrique, in subli-
mibus autem lineis quælibet sumpta sint pū-
cta, & ab his ad plana in quibus consistunt
anguli primùm positi, ductæ sint perpendi-
culares, ab earum verò punctis, quæ in planis
signata fuerint, ad angulos primùm positos
adiun-
dæ sint
rectæ li-
næ, hæ
cū sub-
limib⁹
æqua-
les, angulos comprehendent.



λς

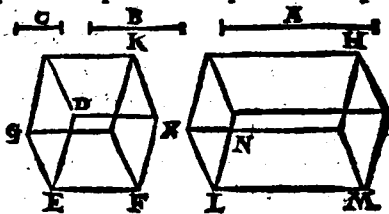
Ἐάν τις ἐυθεῖα ἀνέλογον ᾖσι, τὸ ἐκ τῶν ὁρίων γε-
γῆσι παραλληλεπίπδου ἰσὸν εἴσι δ' ἀπὸ τῆς μέσης
S

εἰς τὴν παραλληλεπίπედον, ἰσοπλευρῶ μὲν, ἰσογωνίῳ
 ᾧ δὲ προσφρημένῳ.

Theor. 31. Prop. 36.

Si rectę tres lineę sint proportionales, quod
 ex his tribus fit solidum parallelis planis cõ-
 tentum, æquale est descripto à media linea
 solido parallelis planis comprehenso, quod

ex qua-
 terum
 quidẽ
 fit, sed
 antedi-
 cto æ-
 quian-
 gulum.



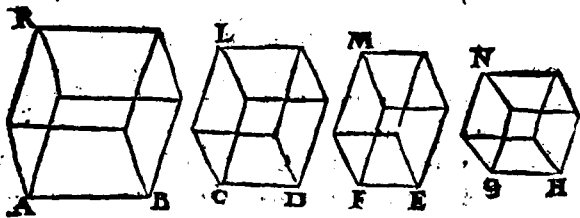
λζ

Εάν τίσσας εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-
 τῶν παραλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγρὰς
 φόρμα, ἀνάλογον ἔσσι, καὶ ἐὰν τὰ ἀπ' αὐτῶν εὐθεῖαι
 παραλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφό-
 μεθα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσσι
 ταύται.

Theor. 32. Prop. 37.

Si rectę quatuor lineę sint proportionales,
 illa quoq; solida parallelis planis contenta,
 quę ab ipsis lineis & similia & similiter de-
 scribuntur, proportionalia erunt. Et si soli-
 da parallelis planis comprehensa, quę & si-
 milia & similiter describuntur, sint propor-
 tio-

tionalia, illæ quoq; rectæ lineæ proportionales erunt.

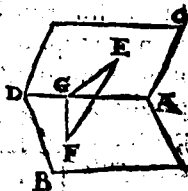


λη

Εάν τεπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθὸν ᾦ, καὶ ἀπὸ τινὸς σημείου τῶν ἐν ἐνὶ τῶν ὀρθοπέδων ἐπὶ τὸ ἑτερον ἐπίπεδον κάθετος ἀχθῇ, ἐπὶ τῇ κοινῇ στήλῃ πεισθήσεται τῶν ἐπιπέδων ἡ ἀγομένη κάθετος.

Theor. 33. Prop. 38.

Si planum ad planum rectū sit, & à quodam puncto eorum quæ in vno sunt planorum perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.



λθ

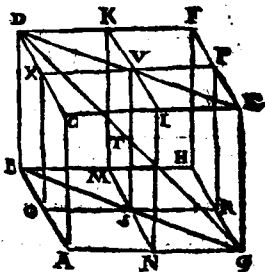
Εάν σφισιν παραλληλεπίπιδον τῶν ἀπεναντίον ἐπιπέδων αἱ πλευραὶ δίχα τεμνῶσι, διὰ τῶν τεμνῶν ἐπίπεδα ἐκβληθῇ, ἡ κοινὴ τομὴ τῶν ὀρθοπέδων καὶ ἡ τοῦ σφισιν παραλληλεπίπιδου διάμετρος, δίχα τεμνέσθαι ἀλλήλας.

§ 2

Theor

Theor. 34. Propo. 39.

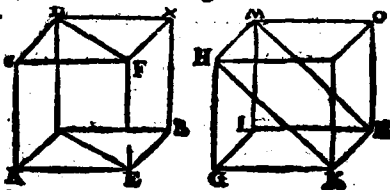
Si in solido parallelis planis circumscripto, aduersorum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorū sectio & solidi parallelis plani circūscripti diameter, se mutuo bifariam secant.



Εάν ἡ δύο πρίσματα ἰσοῦσιν ἢ, καὶ τὸ μὲν τετραγώνου πρὸς τὸν ἄλλο γράμμιον, τὸ δὲ ὅτι γινώσκον, διπλασίον ἢ ἢ τὸ παραλλόγραμμον τὸ ὅτι γινώσκον, ἴσα ἴσιν τὰ πρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quorum hoc quidem basim habeat parallelogrammum, illud verò triangulum, sit autem parallelogrammū trianguli duplum, illa prismata erunt æqualia.



Elementi vndecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΙΒ ΚΑΙ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM SE-
CVNDVM.

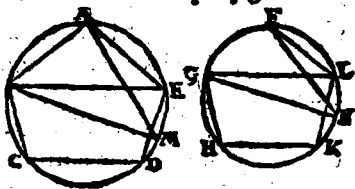
Προτάσεις.

α.

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὁμοία πολύγωνα πρὸς ἀλλήλας
ἔσιν, ὡς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετραγώνων.

Theor. I. Prop. I.

Similia, quæ sunt in circulis polygona, ra-
tionem ha-
bent inter
se, quam
descripta à
diametris
quadrata.

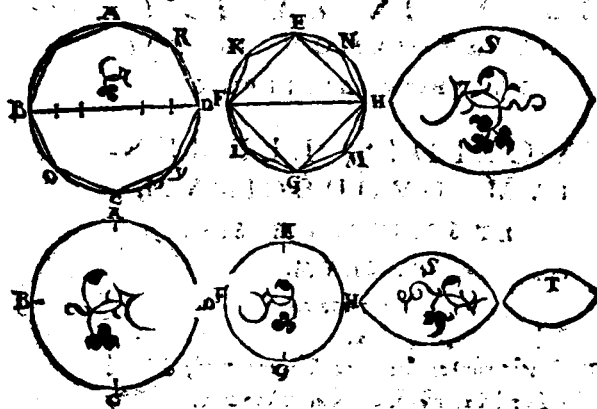


S 3 β ο ι

οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσι, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τε ζαγωγαί.

Theor. 2. Prop. 2.

Circuli eam inter se rationem habent, quam descripta à diametris quadrata.

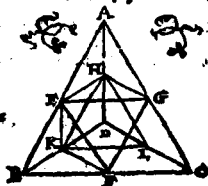


Πᾶσα πυραμὶς τρίγωνον ἔχουσα ἐστίν, διαμετρεται ἐν δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, τρίγωνες βάσεις ἔχουσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα. καὶ τὰ δύο πρίσματα μείζονα εἶναι, ἢ τὸ ἅμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Prop. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in duas diuiditur pyramidas non tantum equalles

les & similes inter se, sed toti etiam pyramidi similes, quarum trigonæ sunt bases, atq; in duo prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt maiora.



δ

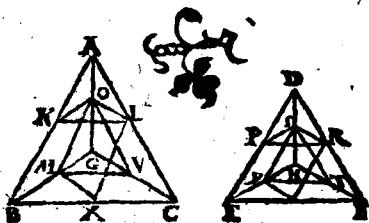
Εάν ὡσι δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἵσους ἔχουσιν βάσεις, διαρεθῇ ἑκάτερα αὐτῶν εἰς τὰ δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα καὶ τῶν γενομένων πυραμίδων ἑκάτερα τὸ αὐτὸ ὅσον, καὶ τοῦτο αἰεὶ γίνεται, εἰς ὡς ἢ τὸ μιᾶς πυραμίδος βάσις, πρὸς τὴν τὴν ἑτέρας πυραμίδος βάσιν, οὕτως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι πρίσματα πάντα, πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρᾳ πυραμίδι πρίσματα πάντα ἰσοπληθῆ.

Theorema 4. Proposi. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides trigonas habeant bases, sit autem illarum vtræq; diuisa & in duas pyramidas inter se æquales totiq; similes, & in duo prismata æqualia, ac eodem modo diuidatur vtraque pyramis dum quæ ex superiore diuisione natæ sunt, idq; perpetuò fiat: quemadmodum se habet vnus pyramidis basis ad alterius pyramidis

S 4 basim,

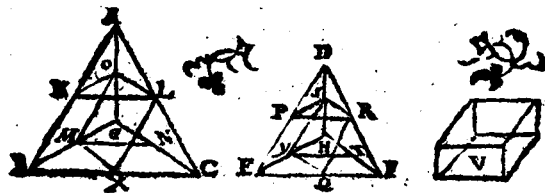
basim, ita & omnia quę in vna pyramide prismata, ad omnia quę in altera pyramide, prismata multitudine æqualia.



Αἱ ἐπὶ τὸ αὐτὸ ὕψος δυσὶν πυραμίδες, καὶ ἱσχυόντες ἔχουσιν βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 5. Propo. 5.

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum tri-
gonæ sunt bases, eam inter se rationem ha-
bent, quam ipsæ bases.

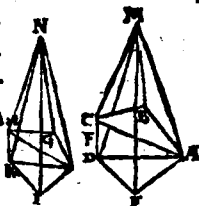


Αἱ ἐπὶ τὸ αὐτὸ ὕψος δυσὶν πυραμίδες, καὶ πολυ-
γώνους ἔχουσιν βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βά-
σεις.

Theor. 6. Prop. 6.

Pyra-

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habet, quam ipsæ bases.

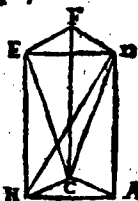


ζ

Πάν πρίσμα τριγωνοειχον βάσιν, διαρίζεται εἰς τρεῖς πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις, τριγώνους βάσεις ἔχουσας.

Theorema 7. Prop. 7.

omne prisma trigonam habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.

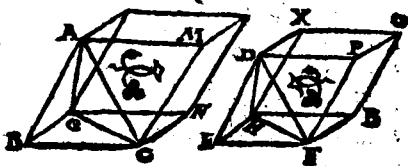


η

Αἰ ὁμοίαι πυραμίδες, καὶ τριγώνους ἔχουσαι βάσεις, εὖν ἡπλασίοναι λόγῳ εἰσὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 8. Prop. 8.

Similes pyramides q̄ trigonas habent bases, in triplicata sunt homologorū laterū ratioe.

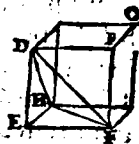
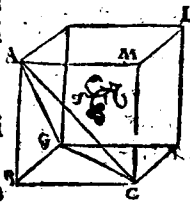


Σ 5 ... 3 Τῶν

Τῶν ἰσων πυραμίδων, καὶ τριγώνων βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπόνδασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψει. καὶ τῶν πυραμίδων τριγώνων βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπόνδασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψει, ἴσαι εἰσιν ἔκειναι.

Theorema 9. Prop. 9.

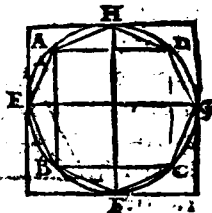
Aequalium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocat̃ur bases cū altitudinibus, illæ sunt æquales.



Ἡ δὲ καὶ ὁ κύλινδρος τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αἰκῆς καὶ ὕψος ἴσου.

Theor. 10. Prop. 10.

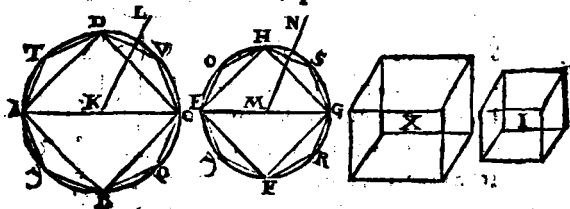
Omnis cōnus tertia pars est cylindri eādē cum ipso cōno habentis habentis, & altitudinē æqualem.



1α
Οἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propos. 11.

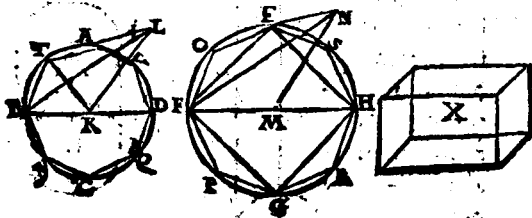
Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam inter se rationem habent, quam bases.



1β
Ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσι τῶν ἐν ταῖς βάσεσι διαμέτρων.

Theore. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam habent inter se rationem diametrorum, quæ sunt in basibus.



EVCLID ELEM. GEOM.

Εάν κύλινδρος ᾧ περὶ τὴν μὲν παραλλήλῳ ὄντι τῆς
ἀποκέντρου ὀρθῆς τοῦ κύλινδρου, ἴσως ὁ κύλινδρος πρὸς τὸν
κύλινδρον, ὅπως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξονα.

Theor. 13. Propo-
sitio 13.

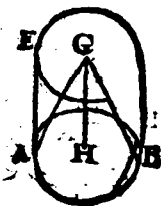
Si cylindrus plano sectus
fit aduersis planis paralle-
lo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.

18

Οἱ ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς
ἀλλήλους, εἰσιν ὡς τὰ ὕψη.

Theor. 14. Propo. 14.

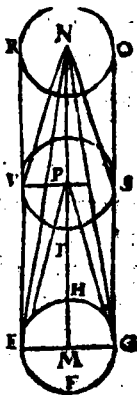
Coni & cy-
lindri qui
in equali-
bus sunt ba-
sibus, eam
habent in-
terse ratio-
nem, quam
altitudi-
nes.



Τῶν ἰσῶν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπρόνθασιν αἱ
 βάσεις τῆς ὑψοῦς. καὶ τῶν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπε-
 πρόνθασιν αἱ βάσεις τῆς ὑψοῦς, ἴσοι εἰσὶν ἑκάστα.

Theor. 15. Prop. 11.

Aequalium conorum & cylindrorum bases
 cum altitu-
 dinibus re-
 ciprocan-
 tur. Et quo-
 rum cono-
 rum & cy-
 lindrorum
 bases cum
 altitudini-
 bus reci-
 procantur,
 illi sunt æ-
 quales.



15

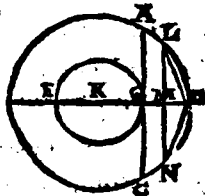
Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν μεί-
 ζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσοπλευρὸν τι καὶ ἀρτιό-
 πλευρόν ἐγγράψαι, καὶ φαῖναι τὸν ἐλάττωτον κύκλον.

Problema 1. Proposi-

tio 16.

Duobus circulis circum idem centrum con-
 sisten-

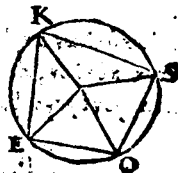
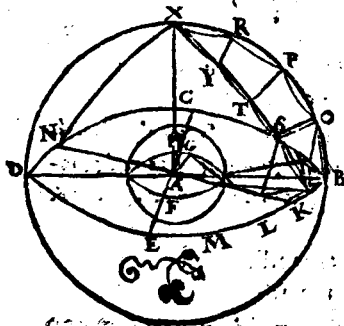
sistentibus, in maiore cir-
culo polygonum æqua-
lium pariumq; laterum
inscribere, quod mino-
rem circulum non tan-
gat.



Δύο σφαῖρας περί τὸ αὐτὸ κέντρον οὖσων, εἰς τὴν μέ-
ζονα σφαῖραν στερεὸν πολυέδρον ἐγγράψαι, μὴ ταύτην
ἐν τῇ ἐλάσσοντι σφαίρᾳ κατὰ τὴν ὁμότητα αἰετ.

Probl. 2. Prop. 17.

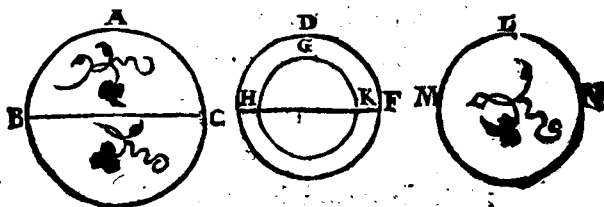
Diabus sphaeris circum idem centrum con-
sistentibus, in maiore sphaera solidum poly-
edrum inscribere, quod minoris sphaerae su-
perficiem non tangat.



Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ὡς τριπλαστοὶ λόγῳ τῶν
τῶν ἰδίῳ διαμέτρων.

Theorema 16. Propositio 18.

Sphæræ inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.

ΕΥΚΛΕΙ

ΛΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΓ.

ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

TRITON.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVMTER-
TIVM, ET SOLIDORVM
TERTIVM.

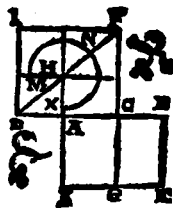
Προτάσεις

6

Εάν ιδώτα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήσῃ, τὸ
μεῖζον τμήμα προσλαβὼν τὴν ἡμίσηται τῆλης, πάλιν
τυπλάσιον δύναται τῷ ἀπὸ τῆ ἡμισίας τῆλης.

Theorema 1. Propo. 1.

**Si recta linea per extrema
& mediam rationem secta
sit, maius segmentū quod
totius lineæ dimidium as-
sumpserit, quintuplum
potest eius quadrati, quod
a totius dimidia describit.**



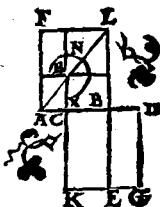
β Edge

β

Εάν ευθεία γραμμὴ, τμήματος ἑαυτῆς πενταπλάσιον δύνηται, τῆς διπλασίας τοῦ εἰρημένου τμήματος ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης, τὸ μᾶλλον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ἐστὶ τῷ ἑξαρχῆς ευθείας.

Theore. 2. Propo. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediā rationem secetur, maius segmētum reliqua pars est lineæ primūm posita.

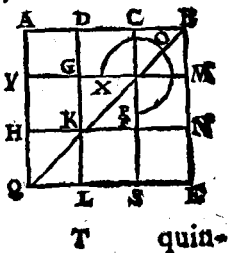


γ

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήσῃ, τὸ ἔλασσον τμήμα προσλαβόντὴν ἡμίσηαν τοῦ μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον δύναται τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τοῦ μείζονος, τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extremā & mediā rationē secata sit, minus segmētū quod maioris segmētī dimidiū assumpserit,



quin-

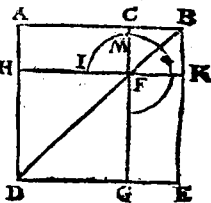
EVCLID. ELEMEN. GEOM.
quintuplum potest eius, quod à maioris se-
gmenti dimidio describitur, quadrati.

δ

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον χαί μείσον λόγον τμηθῇ,
τὸ ἀπὸ τ' ὅλης καὶ τοῦ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συν-
αμφότερα τετραγώνια, ὁπλᾶσι δὲ τοῦ ἀπὸ τοῦ
μείζονος τμήματος τετραγώνου.

Theore. 4. Propo. 4.

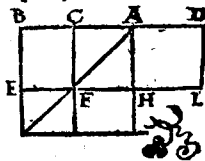
Si recta linea per extre-
mam & mediam rationē
secta sit, quod à tota,
quodq; à minore segmen-
to simul vtraq; quadrata,
tripla sunt eius, quod à
maiore segmento descri-
bitur, quadrati.



Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον χαί μείσον λόγον τμηθῇ,
καὶ προστεθῇ ἰση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἡ ευθεία
ἄκρον καὶ μείσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα
ὅστιν, ἡ ἐξαρχὴς ευθεία.

Theore. 5. Propo. 5.

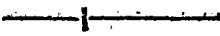
Si ad rectam lineā, quę
per extremam & medi-
am rationem secetur,
adiuncta sit altera se-
gmento maiori æqua-
lis, tota hæc linea re-



Ἐὰν per extremam & mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primum posita.

Ἐὰν εὐθεῖα ῥητὴ ἀκρὸν καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκά-
τερον τῶν τμημάτων ἀλογὸς ὅστιν, ἢ κελευμένη ἀπο-
τομή.

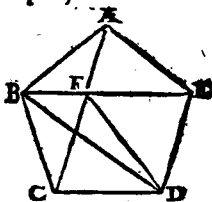
Theore. 6. Propo. 6.

Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extre-
mam & mediam rationem secta sit, vtrum-
que segmentorum A C B
ἄλογος siue irratio- 
nalis est linea, quæ
dicitur Residuum.

Ἐὰν πεντάγωνον ἰσοπλευρὸν αἱ ῥῆς γωνίαι, ἢτοι αἱ κα-
τὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσαι ὦσιν, ἰσογώ-
νιον εἶναι τὸ πεντάγωνον.

Theore. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilate-
ritres sint æquales an-
guli, siue qui deinceps,
siue & nō deinceps se-
quuntur, illud pentagō-
num erit æquiangulū.



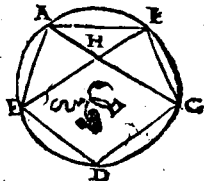
Ἐὰν πεντάγωνον ἰσοπλευρὸν καὶ ἰσογώνιον τὰς κατὰ τὸ
ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτίηωσιν εὐθεῖαι, ἀκρὸν καὶ
T 2 μέσον

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

μέσονλόγον τέμνουσιν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα αὐ-
τῶν τμήματα ἴσα ἐστὶ τῇ τοῦ ὠκυγώνου πλευρᾷ.

Theore.8. Propo. 8.

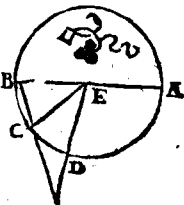
Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos
qui deinceps sequuntur
angulos recte subtendant
lineæ, illæ per extremam
& mediam rationē se mu-
tuò secant, earumque ma-
iora segmenta, ipsius pen-
tagoni lateri sunt equalia.



Εάν η τοῦ ὠκυγώνου πλευρά καὶ ἡ τοῦ δεκαγώνου, εἰς
τὸ αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων, συντεθῶσιν, ἡ ὅλη
εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσονλόγον τέμνεται, καὶ τὸ μᾶζον
αὐτῶν τμήμα ὅσῃν ἡ τοῦ ὠκυγώνου πλευρά.

Theore.9. Propo. 9.

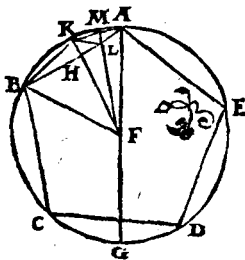
Si latus hexagoni & latus
decagoni eidem circulo
inscriptorum composita
sint, tota recta linea per
extremam & mediam ra-
tionem secta est, eiusque
segmentum maius, est he-
xagoni latus.



Εάν τις κύκλον πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφεῖ,
ἡ τοῦ

ἢ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ δύναται τήν τε τοῦ ἑξαγώνου καὶ τὴν τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων.

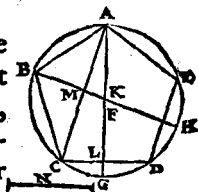
Theor. 10. Prop. 10.
Si circulo pentagonum æquilaterum inscriptum sit, pentagoni latus potest & latus hexagoni & latus decagoni, eidem circulo inscriptorum.



α

Εὰν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα τὴν διάμετρον, πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ ἀλογόσ ἐστιν, ἡ καλεσμένη ἐλάσσων.

Theore. 11. Prop. 11.
Si in circulo ῥητὴν habente diametrum, inscriptum sit pentagonum æquilaterum, pentagoni latus irrationalis est linea, quæ vocatur Minor.



β

Εὰν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα τὴν διάμετρον, πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ, διωάμει ῥητὰς ἐστὶ τὴν ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου.

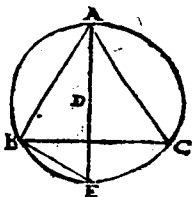
T 3

Theo-

EVCLID, ELEMEN. GEOM.

Theore. 12. Propo. 12,

Si in circulo inscriptum sit triangulum æquilaterum, huius triaguli latus potentia triplū est eius lineæ, quæ ex circuli centro ducitur.

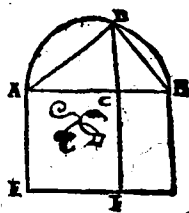
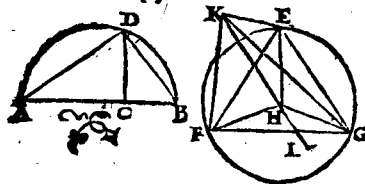


17

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διάμετρος, δύναται ἡμιολία εἶναι τῇ πλευρᾷ τῆς πυραμίδος.

Problem. 1. Propo. 13,

Pyramidem constituere, & data sphaera complecti, atque docere illius sphaerae diametrum potentia sesquialteram esse lateris ipsius pyramidis.



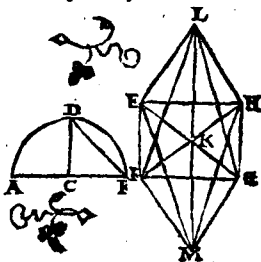
18

Οκτάεδρον συστήσασθαι. καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἢ καὶ τὴν πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διάμετρος μεζος

μεγροσ δυνάμει διπλασία ἐστὶ τῇ πλευρᾷ τοῦ ὀκταέ-
δρου.

Proble. 2. Propo. 14.

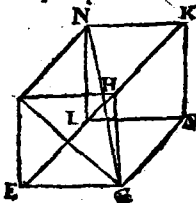
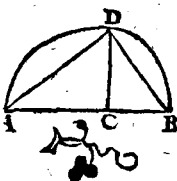
Ὁκταῖδρον con-
stituire, καὶ σφῆρα
qua pyramidē
complecti, atque
probare illius sφῆ-
ρᾷ diametrum po-
tentia duplam esse
lateris ipsius octaῖ-
dri.



Κύβον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἣ καὶ τὰ
πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διάμετρος
δυνάμει τριπλασία ἐστὶ τῇ τοῦ κύβου πλευρᾷ.

Proble. 3. Propo. 15.

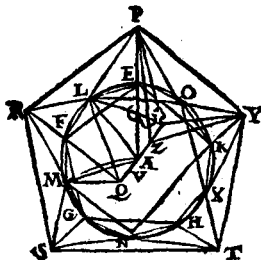
Cubum constitulare, καὶ σφῆρα qua &
superiores figuras complecti, atque docere
illius
σφῆρᾷ
diami-
trum po-
tentia tri-
plam esse
lateris ip-
sius cubi.



Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν, ἥ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ ἐστι, ἢ καλεσμένη ἰλάτων.

Probl. 4. Propo. 16.

Icosaëdron constituere, eademque sphaera qua & antedictas figuras complecti, atque probare, Icosaëdri latus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Minor.

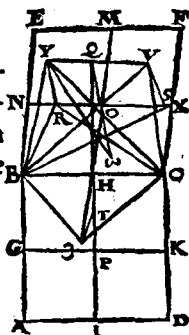


Δωδεκαέδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν, ἥ καὶ τὰ προειρημένα, σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τοῦ δωδεκαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ ἐστι, ἢ καλεσμένη ἁποστμή.

Probl. 5. Propo. 17.

Dodecaëdron constituere, eademque sphaera

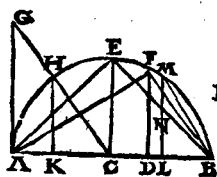
ra qua & antedictas figuras complecti, atque præbære δωδεκαῆδρι latus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Residuum.



Τὰς πλευρὰς τῶν πέντε σχημάτων ἐκτίσθαι, καὶ συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Proble.6. Propo.18.

Quin que si gura-rū latera, p-ponere, & inter se comparare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγου δὴ οὕτω παρὰ τὰ εἰρημένα ἔσχημα-α οὐ συστα-
θήσεται ἕτερον σχῆμα, περιεχόμενον ὑπὸ ἰσο-
πλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ

T 5

μεν

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

μὴν γὰρ δύο ῥιγῶν, ἀλλ' οὐδὲ ἄλλων δύο ἵσται-
πιδὼν σκευὰ γωνία, οὐ συσάδησεται.

ὑπὸ ῥιγῶν ῥιγῶν, ἢ τ' πυραμίδος.

ὑπὸ ῥιγῶν τεσσάρων, ἢ τοῦ ὀκταέδρου.

ὑπὸ ῥιγῶν, ἢ τοῦ εἰκοσαέδρου.

ὑπὸ δὲ ῥιγῶν ἰσοπλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων
πρὸς ἐνὶ σημείῳ συσισαμένων, ὁ ὅτι σκευὰ γωνία
δυσχερὴ γὰρ τ' τοῦ ἰσοπλευροῦ ῥιγῶν γωνίας δι-
μοίρῃ ὀρθῇ, ἔσται αἰετὶς τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι, ὁ-
πότε ἀδύνατον. ἀπαντα γὰρ σκευὰ γωνία, ὑπὸ ἑλασ-
σόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται, διὰ τὰ αὐτὰ
δὴ οὐδὲ ὑπὸ πλείονων ἢ ῥιγῶν ὅτι πεδίων σκευὰ
γωνία συσισαται.

ὑπὸ δὲ τετταγῶν ῥιγῶν, ἢ τοῦ κύβου γωνία πε-
ριέχεται.

ὑπὸ ῥιγῶν τεσσάρων, ἀδύνατον. ἔσται γὰρ πάντα
τέσσαρες ὀρθαί.

ὑπὸ δὲ πενταγῶν ἰσοπλευρῶν καὶ ἰσογωνίων,
ὑπὸ μὲν ῥιγῶν, ἢ τοῦ δωδεκαέδρου.

ὑπὸ ῥιγῶν τεσσάρων, ἀδύνατον. δυσχερὴ γὰρ τ' τοῦ ἰσο-
πλευροῦ πενταγῶν γωνίας ὀρθῇ καὶ πέμπτῃ, ἔσται
αἰ τέσσαρες γωνία τεσσάρων ὀρθῶν μείζους,
ὅπερ ἀδύνατον. οὐδὲ μὲν ὑπὸ πελυγῶν ἐτέρων
σχ.

σχημάτων περισχεθήσεται σφαιρὰ γωνία, διὰ τὸ
 εὐτοπον. ὅκ' ἄρα παρὰ τὰ εἰρημένα ἑσχήματα ἔτε-
 ρον σχῆμα σφαιρὸν συσταθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλευρῶν καὶ
 ἰσογώνων περιεχόμενον. ὅπερ εἰδέναι δεῖται.

SCHOLIVM.

*Aio uerò, præter dictas quinque figuras non posse
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis et
 æquilateris et equiangularis contineatur, inter se
 equalibus. Non enim ex duobus triangulis, sed
 neque ex alijs duabus figuris solidus constitui-
 tur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an-
 gulus.*

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque uerò, Icosaëdri.

*Nam ex triangulis sex et æquilateris et equi-
 angularis ad idem punctum coeuntibus, non fiet
 angulus solidus. Cum enim trianguli æquilateri
 angulus, recti unius bessem contineat, erunt eius-
 modi sex anguli rectis quatuor æquales. Quod
 fieri non potest. Nam solidus omnis angulus, mi-
 noribus quam rectis quatuor angulis continen-
 tur, per 21. 11.*

EVCLID. BLEMEN. GEOM.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quam planis sex eiusmodi angulis solidus constat. Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor crunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecædri angulus continetur.

Sed ex quatuor, nullus potest. Cum enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit, & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex alijs polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΨΟΝ ΙΔ ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς διοντά τινες, ὡς ἄλλοι ὃ, Υ Ψ Ι-

ΚΛΕΨΟΥΣ Αλεξανδρείας,

περὶ τῶν ἑ σωμάτων,

πρώτον.

ΒΑΣΙΛΕΪΔΗΣ ὁ τύριος, ὡ πρώταρχε, παραγεν-
θεις εἰς ἀλεξάνδρην, καὶ συσάδεις τῷ πατρὶ
ἡμῶν διὰ τὴν ἀπὸ τοῦ μαθήματος συγγένειαν, σιω-
πῶν διεξίψεν αὐτῷ τὸν πλείστον τῆς ἐπιδημίας χρόνον.
καί ποτε διελοῦντες τὸ ὑπὸ ἀπολλωνίου γραφὴν
περὶ τῆς συγκρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ ἑ-
κοσαέδρου, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφεμέ-
νων, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἄλληλα, ἔδοξαν
ταῦτα μὴ ὀρθῶς γεγραφεῖν τὸν ἀπολλωνιον. αὐ-
τοὶ δὲ ταῦτα διακαθάραντες, ἔγραψαν, ὡς ἦν ἀ-
κούειν τοῦ πατρὸς. ἐγὼ δὲ ὕστερον περιέπαισον
ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ ἀπολλωνίου ἐκδομένῳ, καὶ
περιέ-

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

περιέχοντι ἀποδείξιν ὑγιᾶς περὶ τοῦ ὑποκειμένου,
 ἢ μεγάλας ἐψυχαγωγήθην ἐπὶ τῇ προβλήματι
 ζητήσῃ. τὸ μὲν ὑπὸ ἀπολλωνίου ἐκδοθέν τοικε κοινῇ
 σκοπεῖν. καὶ γὰρ περιφέρεται. τὸ δὲ ὑφ' ἡμῶν δο-
 κοῦν ὕστερον γεγραφέναι φιλοπόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑ-
 πομνηματισάμενος ἔκρινα προσφωνῆσαί σοι, διὰ
 τὴν ἐν ἀπασιν μαθήμασι, μάλιστα δὲ ἐν γεωμετρίας
 προκοπὴν, ἐμπείρως κρίνοντι τὰ ῥηθισόμενα, διὰ τὴν
 τὴν πρὸς τὸν πατέρα συνήθειαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς
 ἑυνοίαν, ἐυμνῶς ἀκρομένω τῇ πραγματείᾳ. καί-
 ρος δὲ ἀνείη προοιμίου μὲν πεπαισθησθαι, τὸ δὲ συν-
 τάξως ἀρχεσθαι.

EVCLIDIS ELEMENTVM DECI-

MVMQVARTVM, VT QVIDAM

arbitrantur, vt alij verò, Hy-
psiclis Alexandrini, de
quinque corpo-
ribus.

LIBER PRIMVS.



*B*asilides Tyrius, Protarche, Ale-
xandriam profectus, patriq; no-
stro ob disciplinae societatem com-
mendatus, longissimo peregrina-
tionis tempore cum eo uersatus
est. Cumq; differerent aliquando
de scripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri
& Icosaëdri eidem sphaera inscriptorum, quam haec
inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè
tradidisse Apollonium: quae à se emendata, ut de pa-
tre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea
incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-
monstra-

monstrationem accuratè complecteretur de re propo-
sita, ex eiusq; problematis indagatione ma-
gnam equidem cepi uoluptatem. Illud certè ab
omnibus, perspicui potest, quod scripsit Apollo-
nius, cum sit in omnium manibus. Quod autem dili-
genti, quantum conijcere licet, studio nos postea scri-
pisse uidemur, id monimentis consignatum tibi nun-
cupandum duximus, ut qui feliciter cum in omnibus
disciplinis tum uel maximè in Geometria uersatus,
scitè ac prudenter iudices ea quæ dicturi sumus: ob
eam uerò, quæ tibi cum patre fuit, uitæ consuetudi-
nem, quæque nos complecteris, beneuolentiam, tra-
ctationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus
est, ut proæmio modum facientes, hanc syntaxim
aggrediamur.

Προοίσις.

Ἡ' ἀπὸ τοῦ κέντρου κύκλου τινὲς, ἐπὶ τὴν τοῦ πε-
ταγῶν πλευρὰν, τοῦ εἰς τὸ αὐτὸν κύκλον ἐγγραφο-
μένῃ κάθετος ἀγομένη, ἡμίσειά ἐστι σωμαφοτέ-
ρη, τὴν τε τοῦ κέντρου καὶ τὴν τοῦ δεκαγῶν, τῶν εἰς
τὸν κύκλον ἐγγραφομένων.

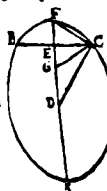
Theore. I. Propo. I.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuius-
spiam



latus pentagoni ipsi circulo

dimidia
linea,
centro, &
in eodem

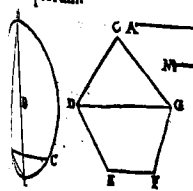


β

αὐτῶν περιλαμβάνει τὸ πέντε τοῦ δωδεκάεδρου, καὶ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον ἐκ τῶν ἐγγεγραμμένων.

Theor. 2. Proposit. 2.

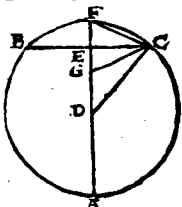
circulus comprehendit & dodecaedri & icosaedri triangulum, eiusque descriptorum.



γ

ὁ κύκλος περιλαμβάνει τὰ πέντε τοῦ δωδεκάεδρου καὶ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνα, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου καθεστὸς τῶν ἐγγεγραμμένων, τὸ τριαντὰ ὑπὸ τοῦ κέντρου ἴσον ἐστὶ τῇ τοῦ δωδεκάεδρου.

spiam centro in latus pentagoni ipsi circulo
inscripti ducitur, dimidia
est vtriusque simul lineæ,
& eius quæ ex centro, &
lateris decagoni in eodem
circulo inscripti.

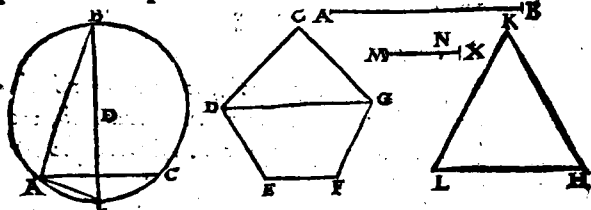


β

Ο αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ τε τοῦ δωδεκαέ-
δρου πεντάγωνον, καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον τῶν
ἐκ τῆς αὐτῆς ἀφ᾽ ἑαυτῶν ἐγγεγραμμένων.

Theor. 2. Proposit. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri
pentagonū & icosaëdri triangulum, eidem
sphæræ inscriptorum.



γ

Εὰν ἡ πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ πε-
ρὶ τοῦ κύκλου, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου κάθετος ἐπὶ μί-
αν πλευρὰν ἀχθῇ, τὸ τριακοντάκις ὑπὸ μιᾶς τῶν
πλευρῶν καὶ τῆς κάθετου, ἴσον ἐστὶ τῇ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπι-
φάνειᾳ.

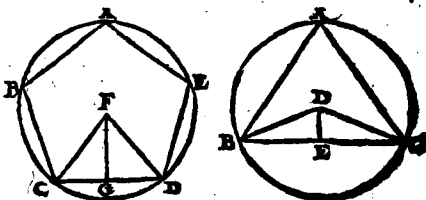
V Theo-

Theorema 3. Prop. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiungulo circumscribitur sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari

trigones
fies
cōtri-
nes, il-
lud
equa-

le est dodecaëdri superficiei.



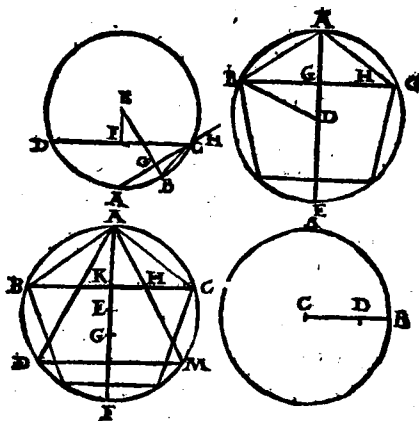
8

Τούτου δήλου ὅτι, δεχτέον ὅτι ἰσχυρὸς ἡ τῷ δωδεκα-
καίδρου ὀπίσθια πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαίδρου, ὅτι
ἡ τῷ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαίδρου πλευ-
ρὰν.

Theor. 4. Prop. 4.

Hoc perspicuum cum sit, probandum est,
quemadmodum se habet dodecaëdri super-
ficiei

ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere
cubi latus ad icosaëdri latus.



Cubi latus.

E —————

Dodecaëdri.

F —————

Icōsaëdri.

G —————

Δεικτίον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς
τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτως τὸ σρεὸν τοῦ δωδεκαέδρου
πρὸς τὸ σρεὸν τοῦ εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι,
περιλαμβάνουσιν τό, τε τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγων-
ον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐ-
τὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων, ὅν δὲ ταῖς σφαίραις δι-
ἴσοι κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. αἱ γὰρ
ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπὶ τὰ τῶν κύκλων ἐπί-
πεδα κάδεται ἀγόμεναι, ἴσαι τε εἰσὶν καὶ ἐπὶ τὰ κέν-
τρα τῶν κύκλων πίπτουσιν, ὡς τε αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου
τῆς σφαίρας ἐπὶ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τοῦ περιλαμ-
βάνοντος τό τε τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον καὶ τοῦ δωδε-
καέδρου πεντάγωνον, ἴσαι εἰσὶ, τετέστι αἱ κάθετοι. ἰσοῦ
ψεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ
τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ αἱ βάσεις ἔχουσαι
τὰ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ ἰσοῦ ψεῖς πυρα-
μίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις. ὡς ἄρα τὸ
πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον, οὕτως ἡ πυραμὶς
ἥς βάσις μὲν εἰς τὸ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον,
κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας, πρὸς τὴν πυραμι-
δα ἥς βάσις μὲν εἰς τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, κο-
ρυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας. καὶ ὡς ἄρα δώδεκα πεν-
τάγω-

τρίγωνα πρὸς ἑκοσι τρίγωνα, οὕτω δώδεκα πυρα-
 μίδες πενταγώνων βάσεις ἔχουσαι πρὸς ἑκοσι πυ-
 ραμίδας τριγώνων βάσεις ἔχουσας. καὶ δώδεκα πεν-
 τάγωνα ἢ τοῦ δωδεκαέδρου ὑπερφάνεια ἔστιν, ἑκοσι δὲ
 τρίγωνα ἢ τοῦ εἰκοσαέδρου ὑπερφάνεια ἔστιν. ἐπεὶ ἄρα
 ὡς ἡ τοῦ δωδεκαέδρου ὑπερφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκο-
 σαέδρου ὑπερφάνειαν, οὕτω δώδεκα πυραμίδες πεν-
 ταγώνων βάσεις ἔχουσαι πρὸς ἑκοσι πυραμίδας
 τριγώνων βάσεις ἔχουσας, καὶ εἰσὶ δώδεκα μὲν πυρα-
 μίδες πενταγώνων βάσεις ἔχουσαι, τὸ σερεὼν τοῦ
 δωδεκαέδρου, ἑκοσι δὲ πυραμίδες τριγώνων βάσεις
 ἔχουσαι, τὸ σερεὼν τοῦ εἰκοσαέδρου. καὶ ὡς ἄρα ἡ τοῦ
 δωδεκαέδρου ὑπερφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου,
 οὕτω τὸ σερεὼν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σερεὼν τοῦ
 εἰκοσαέδρου. ὡς δὲ ἡ ὑπερφάνεια τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς
 τὴν ὑπερφάνειαν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτως ἐδείχθη ἡ τοῦ
 κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰν.
 καὶ ὡς ἄρα ἡ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέ-
 δρου πλευρὰν, οὕτω τὸ σερεὼν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς
 τὸ σερεὼν τοῦ εἰκοσαέδρου.

SCHOLIVM.

Nunc autem probandū est, quemad-
 modū se habet cubi latus ad icosaedri

V 3 latus,

latus, ita se habere solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cùm enim æquales circuli comprehendant & dodecaëdri pentagonū & Icosaëdri triagulum, eidem sphæræ inscriptorum: in sphæris autem æquales circuli æquali intervallo distēt à centro (siquidē perpendiculares à sphæræ centro ad circulorū plana ductæ & æquales sunt, & ad circulo rū centra cadunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à sphæræ centro ducūtur ad centrum circuli cōprehendentis & triangulum Icosaëdri & pentagonū dodecaëdri, sunt æquales. Sunt igitur æqualis altitudinis Pyramides, quæ basēs habēt ipsa dodecaëdri pentagona, & quæ Icosaëdri triangula. At æqualis altitudinis pyramides rationem inter se habent eam quam basēs, ex 5. & 6. 11. Quemadmodū igitur pentagonū ad triangulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autem, sphæræ centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autem, sphæræ centrum.

trum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides quorum pentagonæ sint bases, ad viginti pyramidas, quæ trigonas habeant bases. At pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quæ pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigonæ sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quæ pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti autem pyramides, quæ trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quæ admodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΙΕ ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς διονταί λινε, ὡς ἄλλοι δὲ ΥΨΙΚΛΕ-

ΟΥΣ Αλεξανδρείας, περὶ τῶν

ε. σωμάτων, δεύτε-

ρον.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMUMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVINTVM,

vt nōnulli putant: vt autem alij,

Hypsiclis Alexandrini, de

quinque corpo-

ribus,

LIBER II.

Προτάσεις,

α

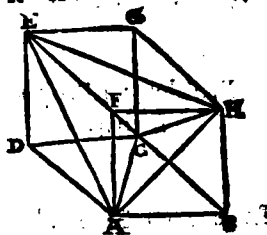
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον ὡς ἡμιδιάτρηται.

PRO-

Problema 1. Propositio 1.

In dato cubo pyramida inscribere.

β

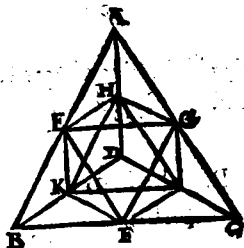


Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Problema 2. Propositio 2.

In data pyramide octaedrum inscribere.

γ

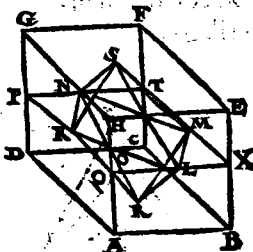


Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 3. Propositio 3.

In dato cubo octaedrum inscribere.

δ



Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

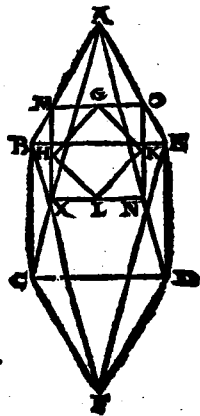
V

5

Pro-

Problema 4. Propo-
sitio 4.

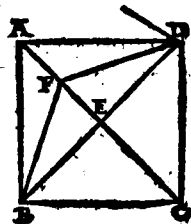
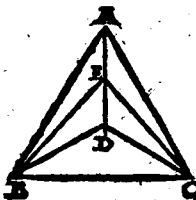
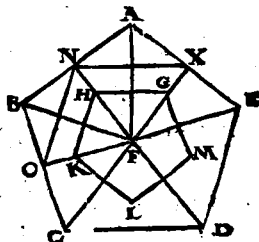
In dato octaëdro cubum
inscribere.

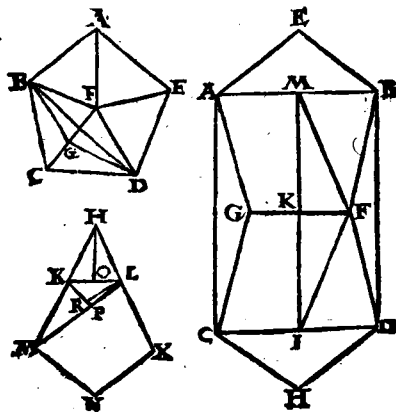


Εἰς τὸ δοθέν οὐκταῖδρον δα-
δεκαῖδρον ἐγγράψαι.

Probl. 5. Pros-
positio 5.

In dato Icosaëdro
dodecaëdron in-
scribere.





ΣΧΟΛ

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι ἐάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πόσας πλευ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσαέδρον, φήσομεν οὕτως. φανερόν ὅτι
 ὑπὸ εἰκοσι τρίγωνον περιέχεται τὸ εἰκοσαέδρον, καὶ
 δεκάεσον τρίγωνον ὑπὸ τριῶν ἐυδιδῶν περιέχεται. δὲ
 οὐν ἡμᾶς πολλὰ πλάσιόσαι τὰ εἰκοσι τρίγωνα ἐπὶ
 τὰς πλευρὰς τοῦ τρίγωνου, γίνεται ἡ ἐξήκοντα. τῶν ἡ-
 μισυ γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ δωδεκά-
 εδρου. πάλιν ἐπεὶ δὴ δώδεκα πεντάγωνα περιέχουσι
 τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ δεκάεσον πεντάγωνον ἔχει
 πέντε ἐυθείας, ποιοῦμεν δωδεκάκις πέντε, γίνεται
 ἐξήκοντα. πάλιν ἡ ἡμισυ γίνεται τριάκοντα. Διὰ τί
 δε τὸ ἡμισυ ποιοῦμεν, ἐπεὶ δὴ ἐκάστη πλευρὰ, καὶ τε
 ἡ τρίγωνου, ἢ πεντάγωνου, ἢ τετραγώνου, ὡς ἐπὶ κύβου, ἐκ
 δευτέρου λαμβάνεται. ὁμοίως ἡ αὐτὴ μέθοδος καὶ ἐπὶ
 κύβου, καὶ ἐπὶ τῇ πυραμίδος, καὶ τοῦ ὀκταέδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας ἐυρήσκει τὰς πλευρὰς. εἰ ἡ βεληθείης πάλιν
 ἐκάστη τῶν πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλιν
 τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε παρὰ τὰ ἐπίπεδα τὰ
 περιέχοντα μίαν γωνίαν τοῦ σφαιροῦ, διὸν ἐπεὶ δὴ τῇ
 τοῦ εἰκοσαέδρου γωνίαν περιέχουσι τὰ τρίγωνα, μέ-
 ριξε παρὰ τὰς, γίνονται δώδεκα γωνίαι τοῦ εἰκοσαέ-
 δρου.

δρου, ἐπὶ δὲ τοῦ δωδεκαῒδρου, τρία πιντάγωνα περιέχουσι τὴν γωνίαν, μέρισον παρὰ τὰ βία, καὶ ἔξεις καὶ γωνίας δύοσας τοῦ δωδεκαῒδρου. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν εὐρήσεις τὰς γωνίας.

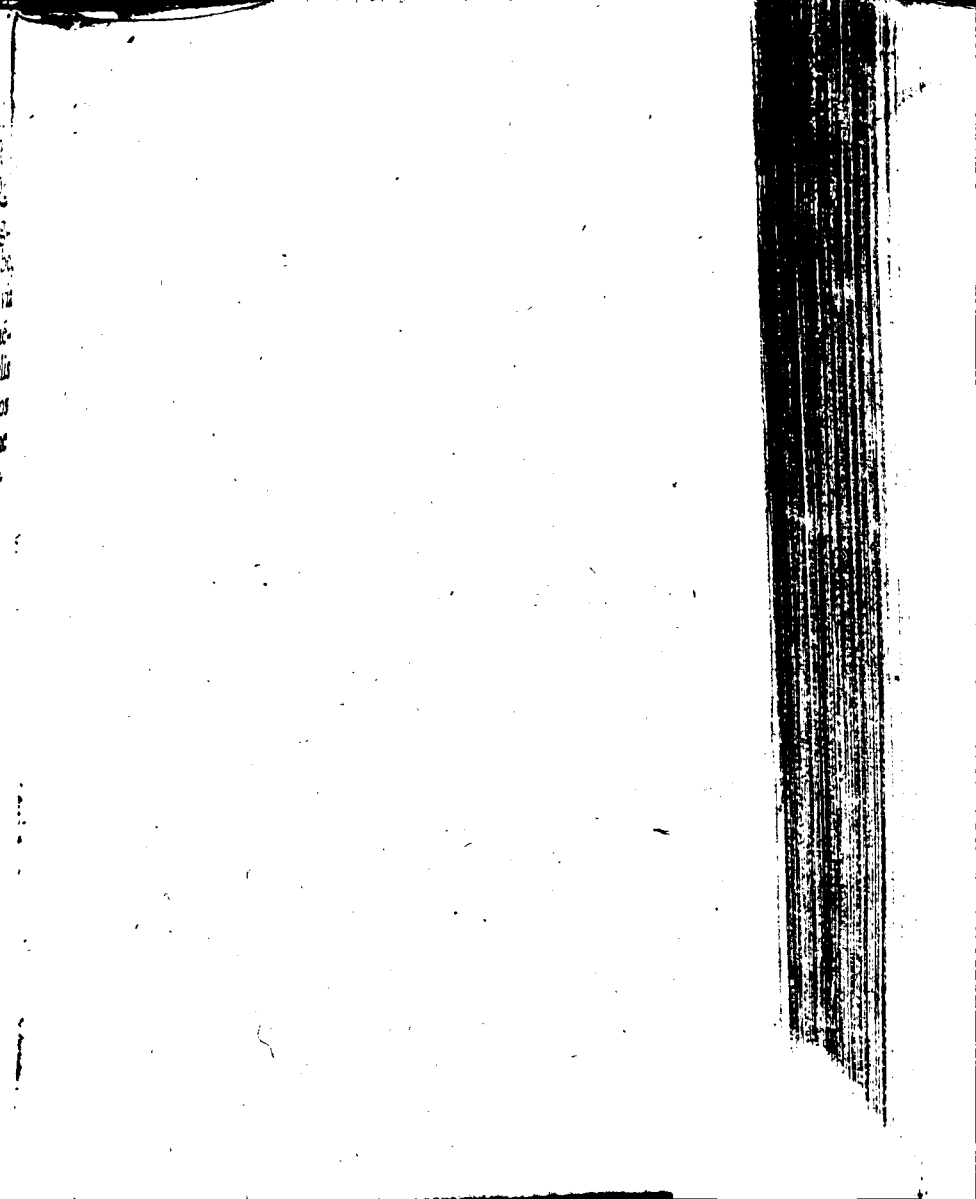
Τέλος Εὐκλείδους στοιχείων.

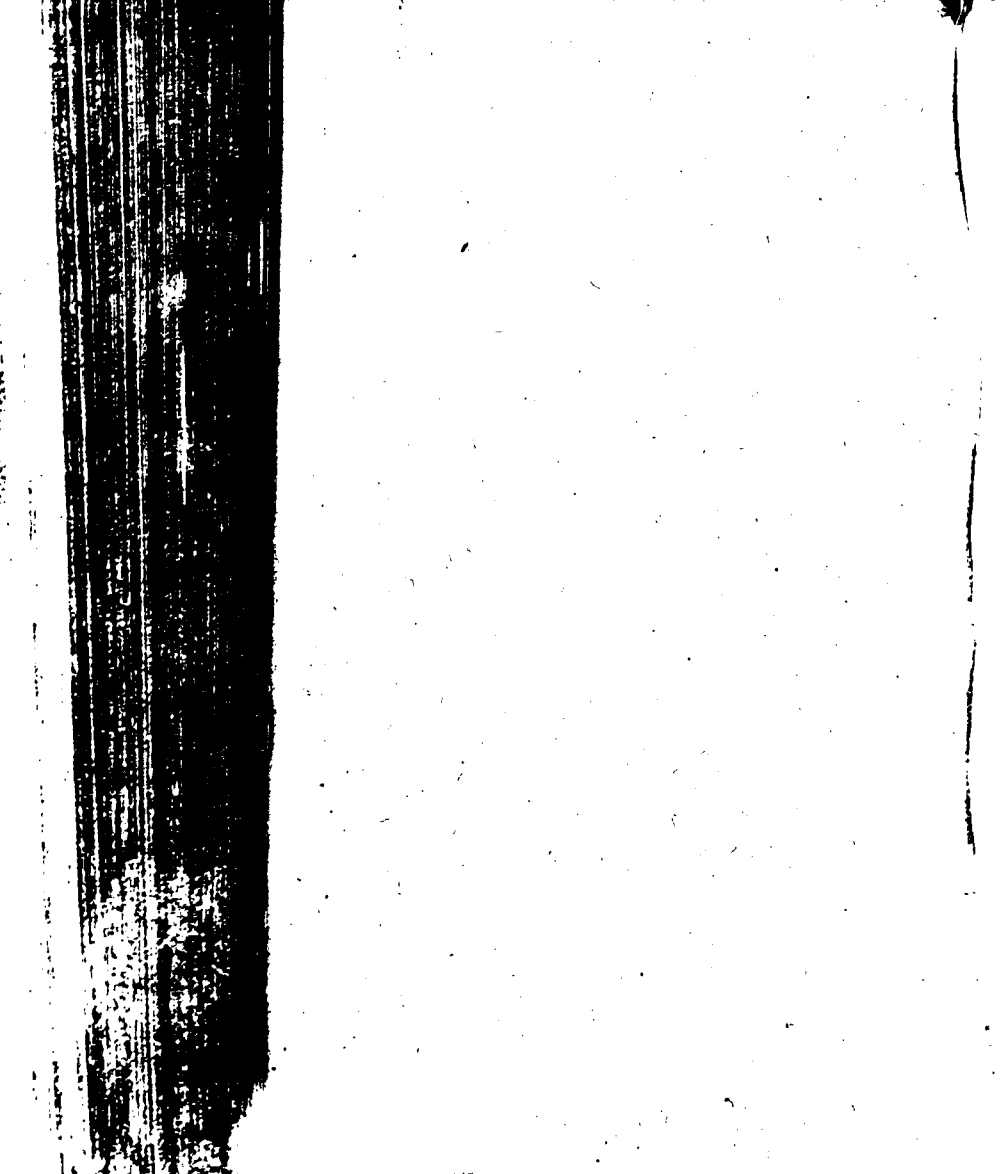
SCHOLIVM.

Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosaëdram habeat latera, ita respondendum esse. Patet Icosaëdram viginti contineri triangulis, quodlibet verò triangulum rectis tribus constare lineis. Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula in trianguli vnus latera, fiuntque sexaginta, quorum dimidium est triginta. Ad eundem modum & in dodecaëdro. Cum enim rursus duodecim pentagona dodecaëdrū cōprehendant, itemque pentagonum quoduis rectis quinque constet lineis, quinque

que duodecies multiplicamus, sūt sexa-
ginta, quorum rursus dimidium est tri-
ginta. Sed cur dimidiū capimus? Quo-
niam vnūquodq; latus siue sit trianguli
siue pētagoni, siue quadrati, vt in cubo,
iteratō sumitur. Similiter autē eadē via
& in cubo & in pyramide & in octaë-
dro latera inuenies. Quòd si item velis
singularum quoque figurarū angulos
reperire, facta eadem multiplicatione
numerus procreatū partire in nume-
rum planorum quæ vnum solidum an-
gulum includunt: vt quoniam triangu-
la quinque vnum Icosaëdri angulum
continent, partire 60. in quinque, na-
scuntur duodecim anguli Icosaëdri. In
dēdecaëdro autem tria pentagona an-
gulum comprehendunt. partire ergo
60. in tria, & habebis dēdecaëdri an-
gulos viginti. Atque simili ratione in
reliquis figuris angulos reperies.

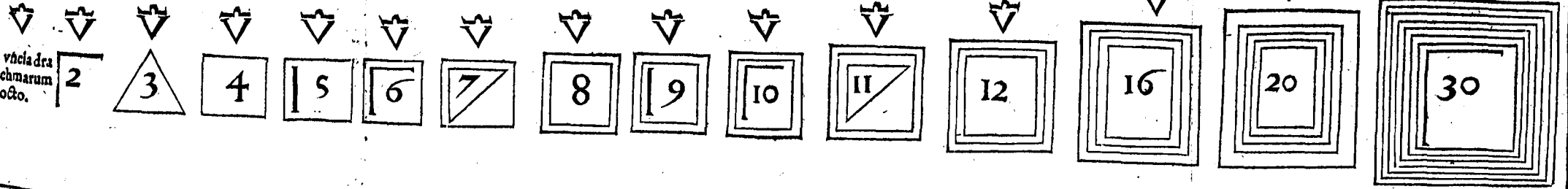
Finis Elementorum Euclidis.





PONDERVM NOTVLAE.

Siclus, seu semuncia dra-
chmarum quatuor.



MENSURARVM FIGVRAE ORDINATAE

Palmus Digitorum 4
Doron Digitorum 5.
Dichas Digitorum 8.
Spithame Palmorum 3.
Pes pal. 4. }

Cubit° sesquipes.
Gradus bipes

Gress° simplex, bipes cū semisse.

Tripeda mensura

Tetrapeda seu vlna negociatoria telam dimetiens.

Pentapeda gressus duplex.

Hexapeda seu cāna spithamarū octo, aliās braccia cubitorū 4. orgia, toise, amplexus.

Heptapeda.

Octapeda.

Enneapeda seu cubitus geometricus mensura arcæ Noë cubitalis, sesquiorgia acena calamus mensuræ vulgaris sex cubitorum.

Decapeda, aliās pertica, seu radius addito palmo euadit calamus mensuræ sanctuarij Ezechielis 40. alia est pertica pedum 25.

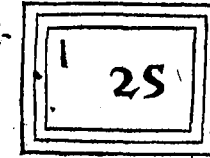
Endecapeda.

Diodecapeda.

P	O	L	L	I	C	E	S.	DV	O	DE	CIM.
---	---	---	---	---	---	---	----	----	---	----	------

Marca
argenteria
drachmarum
[64]

Sicli seu semū-
cia.



Mina Attica nego-
ciatoria drachma-
rum [100]

Libra negotiato-
ria drachmarum
[96.]

Mina Alexādrī-
na drachmarum
[128.]

Mina Attica me-
dica drachmarū
[160.]

Mina Hebraica
drachmarum
[240.]



Minæ Hebraicae,
seu talentum He-
braicum Cicar.