

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

EVCLIDIS

ELEMENTORVM LIBRI

XV. GRÆCE ET LATINE,

Quibus, cum ad omnem Mathematicæ scientiæ
partem, tum ad quamlibet Geometriæ tra-
stationem, facilis comparatur aditus.

Επιγράμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
ἔυρε.

Πυθαγόρας σοφὸς ἔυρε, Πλάτων δ' ἀρίδ' ἔδιδασκεν,
Εὐκλείδης ἔπει τοῖσι κλέος περικαλὲς ἔτευξεν.

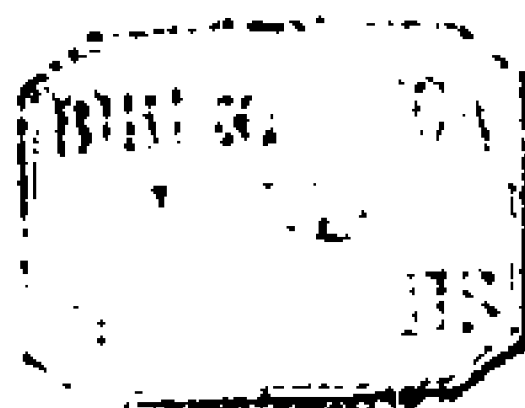


COLONIAE,

Apud Maternum Cholinum.

M. D. LXIII.

Sum ex librũ Joh. Georgij a Werdenstein
Canonici Augustani, 1566.





AD. CANDIDVM LE-
CTORVM ST. GRA-
cilis præfatio.



PERMAGNI referre semper
existimaui, lector benecole, quan-
tum quisque studij & diligentie
ad percipienda scientiarum ele-
menta adhibeat, quibus non satis
cognitis, aut perperam intellectis,
si uel digitum progredi tentes, erroris caliginem ani-
mis offundas, non ueritatis lucem rebus obscuris adse-
ras. Sed principiorum quanta sunt in disciplinis mo-
menta, haud facile credat, qui rerum naturam ipsa spe-
cie, non uiribus metiatur. Ut enim corporum quæ ori-
untur & intereunt, uilissima tenuissimæque uidentur
initia: ita rerum eternarum & admirabilium, quibus
nobilissimæ artes continentur, elementa ad speciem
sunt exilia, ad uires & facultatē quāmaxima. Quis
non uidet ex fici tantulo grano, ut ait Tullius, aut ex
acino uinaceo, aut ex ceterarum frugum aut stirpium
minutissimis seminibus tantos truncos ramosq; pro-
creari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu
audituq; perexigua, quantā thesorematum sylvam no-

P R A E F A T I O.

bis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis se-
 minibus, sic et in artium principiis inesse vim earum
 rerum, quae ex his progignuntur. Praeclare igitur Ari-
 stoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἴσως ἀρχὴ πάντων,
 καὶ ὅσα κράτιστον τῇ διωάμει, τοσοῦτα μικρότατον
 ὂν δὲ μέγιστον χαλεπὸν ἔστιν ὁφθαλμῷ. Quocirca com-
 mittendum non est, ut non bene prouisa et diligenter
 explorata scientiarum principia, quibus propositarum
 quarumque rerum ueritas sit demonstranda, uel consti-
 tua, uel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne
 tantulum quidem fallaci et captiosa interpretatione
 turpiter deceptus, à uera principiorum ratione temere
 deflectas. Nam qui initio fortè aberrauit, is ut tandè
 in maximis uersetur erroribus necesse est: cum ex uno
 erroris capite, densiores sensim tenebrae rebus clarissi-
 mis obducantur. Quid tam uarias ueterum physiolo-
 gorum sententias, non modò cum rerum ueritate pu-
 gnantes, sed uehementer etiam inter se dissentientes no-
 bis inuexit? Equidem haud scio fueritne ulla potior
 tanti dissidij causa, quàm quòd ex principiis partim fal-
 sis partim non consentaneis ductas rationes probando
 adhiberent. Fit enim plerumque, ut qui non rectè de ar-
 tium rerumque elementis sentiunt, ad praefinitas quasdam
 opiniones suas omnia reuocare studeant. Pythagorci,
 ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri summam
 perfectionem caelo tribuerent, nec plures tamen quàm
 nouem

P R A E F A T I O.

nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt
 terrae aduersam, quā ἀντίχθονα appellant. Illi enim
 universitatis rerumq; singularum naturam ex numeris
 ceu principiis estimantes, ea protulerunt quae φαντο-
 μαις congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula
 Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagorae, Anaxi-
 mandri, & reliquorum id genus physiologorum so-
 mnia, ex falsis illa quidem orta naturae principiis, sed
 ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens
 praeterco. Nonnullos attingam, qui repetitis alius, uel
 aliter ac decuit positis rerum initiis, cum in physicis
 multa turbarunt, tum Mathematicos oppugnatione
 principiorum pessimè multarunt. Ex planis figuris
 corpora constituit Timaeus: Geometrarum hic quidem
 principia cuniculis oppugnantur. Nam & superficies
 seu extremitates crassitudinem habebunt, & linea la-
 titudinem denique puncta non erunt individua, sed li-
 nearum partes. Praedicant Democritus atque Leucip-
 pus illas atomos suas, & individua corpuscula. Conce-
 dit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines.
 Hic uerò Geometriae fundamenta aperte petuntur, &
 funditus euertuntur: quibus dirutis nihil e quidem al-
 liud uidetur restare, quàm ut amplissima Mathematico-
 rum theatra repente concidant. laccbunt ergo, si diis
 placet, tot praecleara Geometrarum de asymmetricis &
 alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim cause

P R A E F A T I O.

dicat cur individua linea hanc quidem metiatur, illam
 uerò metiri non queat? Siquidem quod minimum in
 unoquoque genere reperitur, id cōmunis omnium men-
 sura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quæ
 ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: & ho-
 rum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura
 colligit Physicus. Quid uaria *ψευδογραφήματα* ge-
 nera commemorem, quæ ex hoc uno fonte tam longè
 lateq; diffusa fluxisse uidentur? Notissimus est Anti-
 phōtis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse prin-
 cipia non parum labefecit, cum rectæ lineæ curuam po-
 suit æqualem. Longum esset mihi singula percensere,
 præsertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum
 & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter
 monet Aristoteles, *σπᾶδασι τοῦ πᾶτος ὁρίσθῃσι καλῶς*
αἱ ἀρχαί, μετὰ τὰς γὰρ ἔχουσι ῥοπὴν πρὸς ἐπὶ ὁρµαί.
 Nam principijs illa congruere debent, quæ sequuntur.
 Quòd sit tantum perspicitur in istis exilioribus Geo-
 metrie initijs, quæ puncto, linea, superficie definiun-
 tur, momētum, ut ne hæc quidē sine summo impēdētis
 ruine periculo conuelli aut oppugnari possint: quanta
 queso ius putanda est huius *τοιχειώσεως*, quā collatis
 tot præstantissimorum artificum inuētis, mira quadā or-
 dinis solertia contexuit Euclides, uniuersæ Matheseos
 elemēta cōplexu suo cōtinentē? Ut igitur omnib. rebus
 instructior & paratior quisq; ad hoc studium libētius
acce-

P R A E F A T I O.

dat, & singula uel minutissima exactius secum reputet atque perdiscat, operæ precium censui in primo institutionis aditu uestibuloque præcipua quedam capita, quibus tota ferè Mathematicæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explicare: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligenter persequi: Euclidis denique in extruenda hac $\sigma\omicron\iota\chi\alpha\iota\omega\sigma\delta$ consilium sedulò ac fideliter exponere. Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimum ducta fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò ingenuum animi candorem ad legendam attulerit. Ac de Mathematicæ diuisione primum dicamus.

Mathematicæ in primis scientiæ studiosos fuisse Pythagoreos, nō modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor uniuersum distribuatur Mathematicæ scientiæ genus, quarum duas $\pi\epsilon\tau\epsilon\iota$ τὸ πρὸς ὂν, reliquas $\pi\epsilon\tau\epsilon\iota$ τὸ πάλαιον uersari stauerunt. Nam & τὸ πρὸς ὂν uel sine ulla comparatione ipsum per se cognosci, uel certa quadam ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc uersari Musica: & τὸ πάλαιον partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriæ propositum esse: quod uerò sua sponte motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quòd in utroque quanti genere cernitur, idcirco inanem uideri (si quidem non solum magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis

P R A E F A T I O.

accretio infinite progredi potest) meminisse decet, τὸ
 πᾶν καὶ τὸ πᾶν, quæ subiecto Mathematicæ gene-
 ri imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscun-
 que modi quantitatem significare, sed eādem, quæ
 tum multitudine tum magnitudine sit definita, & suis
 circumscripta terminis. Quis enim ullam infiniti scien-
 tiam defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet
 Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem comple-
 cti quenkumque posse. Itaque ex infinita multitudinis
 & magnitudinis διαίρεσις, finitam hæc scientia decer-
 pit & amplectitur naturam, quam tractet, & in qua
 uersetur. Nam de uulgarī Geometrarum consuetudine
 quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine
 infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis
 subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristo-
 oteles, οὐδὲ νῦν (de Mathematicis loquens) δεόντα τοῦ
 ἀπείρου, οὐδὲ χρῶνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσῳ ἐν βού-
 λωνται πεπερατμένῳ. Quamobrem disputatio ea
 qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis ra-
 tionibusq; non aduersatur, nec eorum apodixes labefa-
 cit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod
 exitu nullo peragari possit, nec talem ponunt infin-
 itam magnitudinem: sed quantamcunque uelit aliquis
 effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quin-
 etiam non modò immensa magnitudine opus non ha-
 bent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum instar
 maxima

P R A E F A T I O.

maximæ minima quæque in partes totidem parî ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, uir (quantum ex Proclo conijcere licet) μαθημάτων laude clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accuratior fortè uisa est, cum doctissimè pertractarit sua in decimum Euclidis præfatione P. Montaneus uir senatorius, & reglæ bibliothecæ præfectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum uelut summis generibus, τῶν νοητῶν & τῶν αἰσθητῶν, quæ res sub intelligentiam cadunt, Arithmetica & Geometria attribuit Geminus: quæ uerò in sensus incurrunt, Astrologia, Musica, Supputatrix, Optica, Geodesia & Mechanica adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectasse uidetur Aristoteles, cum Astrologiam, Opticam, harmonicam φυσικώτερας τῶν μαθημάτων nominat, ut quæ naturalibus & Mathematicis interiectæ sint, ac uelut ex utrisque mixtæ disciplinæ: Siquidem genera subiecta à Physicis mutuantur, causas uerò in demonstrationibus ex superiore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristoteles ipse apertissimè testatur, εἰ ταῦτα γὰρ, φησὶ. τὸ μὲν ὅλν, τῶν αἰσθητέων εἶδεναι, τὸ δὲ διόλν, τῶν μαθηματέων. Sequitur, ut quid Mathematicæ conueniat cum Physica & prima Philosophia: quid ipsa ab utraque differat, paucis ostendamus. Illud quidem omnium commune est, quòd in uerè contemplatione sunt posite, ob idq; θεωρητικαὶ à Gra

P R A E F A T I O.

cis dicuntur. Nam cum διάνοια siue ratio & mens omnis sit uel τῶν ἀκινήτων, uel ποικίλων, uel διωρημένων, totidem scientiarum sint genera necesse est. Quod si Physica, Mathematica, & prima Philosophia, nec in agendo, nec in efficiendo sunt occupatae, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario uersari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente uel efficiente cōsistant, illarum quidem προαίρεσις, harum autem uel mens, uel ars, uel uis quaedam & facultas: rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque hæc una in omnes ualet ratio, quæ διωρηλὰς esse colligat. Iam uerò Mathematica separatim cum Physica cōgruit, quòd utraque uersatur in cognitione formarum corpori naturali inherrentium. Nā Mathematicus plana, solida, lōgitudines & puncta contēplatior, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoq; philosopho tractātur. Mathematica itē & prima philosophia hoc inter se propriè cōueniunt, quòd cognitionē utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à cōcretionē materiæ sunt liberae. Nam tametsi Mathematicæ formæ re uera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, οὐδὲ γίνονται ψεύδος χωρίζοντων, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Id
quid

P R A E F A T I O.

quid intersit, uideamus. Vnaquaeque mathematicarum certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo uersetur, ut Geometria quantitatem & continuationem aliorum in unam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumque quatenus quantae sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem philosophia, cum sit omnium communis, uniuersum Entis genus, quaeque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad haec, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quae quanquam non mouetur, separari tamen sciungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam &c. & per hoc etiam dici consuevit. Sed Prima philosophia in ijs uersatur, quae & sciuncta, & aeterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Ceterum Physica & Mathematica quanquam subiecto discrepare non uidentur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, unde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematicae species nihil re uera sunt aliud, quam corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem consecretatur physicorum ars, quatenus cum materia comprehense sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quaecumque in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem

P R A E F A T I O.

eadem etiam in naturalibus rebus uideantur accidere,
 non autem uicissim. Multa enim in naturalibus sequun-
 tur incommoda, quæ nihil ad Mathematicum attinent,
 διὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἔξ ἀφαιρέσεως λεί-
 γεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσθέσεως.
 Siquidem res cum materia deumctas cōtemplatur phy-
 sicus: Mathematicus uerò rem cognoscit circumscriptis
 ijs omnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, leui-
 tate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, a-
 lijsq; contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta
 sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continu-
 um. Itaque Mathematicorum ars in ijs quæ immobilia
 sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνω-
 κινήσιώς ἔστιν, ἔξω τῶν περὶ τὴν ἀστρολογίαν) quæ uerò
 in naturæ obscuritate posita est, res quidem quæ nec
 separari nec motu uacare possunt contemplatur. Id
 quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse po-
 test, siue res subiectas definias, siue proprietates ear-
 um demonstras. Etenim numerus, linea, figura, rectum,
 inflexum, æquale, rotundum, uniuersa denique Mathe-
 maticus quæ tractat & profitetur, absque motu expli-
 cari doceriq; possunt: χωρὶς γὰρ τῆ νοήσεως κινήσεώς
 ἔστι: Physicæ autem sine motione species nequaquam
 possunt intelligi. Quis enim hominis, plantæ, ignis,
 ossium, carnis naturam & proprietates sine motu qui
 materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper sub-
 stantia

P R A E F A T I O.

stantia quæque naturalis cōstare dici solet, quoad opus
 & munus suum, agendo patiendōq; tueri ac sustinere
 ualeat: qua certe amissa διωόμῃ, ne nomē quidem nisi
 δμωόμως retinet. Sed Mathematico ad explicandas
 circuli aut trianguli proprietates, nullum adferre po-
 test usum, materiae ut auri, ligni, ferri, in qua insunt,
 consideratio: quin eò uerius eiusmodi rerum, quarum
 species tanquam materia uacantes efformemus animo,
 naturam complectemur, quòd coniunctione materiae
 quasi adulterari deprauariq; uidentur. Quocirca Ma-
 thematicæ species eodem modo quo κοιλόν, siue conca-
 uitas, sine motu & subiecto, definitione explicari co-
 gnosciq; possunt: naturales uerò cum eam uim habeāt,
 quam, ut ita dicam, sumitas, cum materia comprehensæ
 sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus
 exemplis quid inter Physicas & Mathematicas spe-
 cies intersit, haud difficile est animaduvertere. Illis cer-
 tè non semel est usus Aristoteles. Valcant ergo Prota-
 goræ sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, q̃
 circulus normam puncto non attingat. Nā diuina Geo-
 metrarum thewremata qui sensu æstimabit, uix quicq̃
 reperiet quod Geometrae cōcedendum uideatur. Quid
 enim ex his quæ sensum mouent, ita rectum aut rotun-
 dum dici potest, ut à Geometra ponitur? Nec uerò ab-
 surdum est aut uitiosum, quòd lineas in puluere descri-
 ptas pro rectis aut rotundis assumit, quæ nec rectæ
 sunt

P R A E F A T I O.

Sunt nec rotundæ, ac ne latitudinis quidem expertes, S quidem non ijs utitur geometra quasi inde uim habeat conclusio, sed eorum quæ discenti intelligenda relinquuntur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui primum instituuntur, hi ductu quodam et uelut $\chi\epsilon\phi\alpha\gamma\omega\gamma\acute{\iota}\alpha$ sensuum opus habent, ut ad illa quæ sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi comparare queant. Sed tamen existimandum non est rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac non eam tantum quæ sensum afficit. Est enim materia alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo et ratione intelligitur. Illam $\alpha\iota\sigma\theta\eta\tau\acute{\iota}\kappa\eta$, hanc νοητὴν uocat Aristoteles. Sensu percipitur, ut æs, ut lingnum, omnisq; materia quæ moueri potest. Animo et ratione cernitur ea quæ in rebus sensilibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur, quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Aristotele scriptum legimus ἐπὶ τῶν ἐκ ἀφαιρέσεως ὁρίων rectum se habere ut simian: uetὰ σπουδαίου γὰρ: quæ si uelit ipsius recti, quod Mathematicorum est, suam esse materiam, non minus quàm simi quod ad Physicos pertinet. Nam licet res Mathematicæ sensili uacent materia, non sunt tamen indiuiduæ, sed propter continuationem partitioni semper obnoxie, cuius ratione dici possunt sua materia non omnino carere: quin aliud uidetur τὸ εἶναι γὰρ αὐτῶν, aliud quod ad continuationem adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma in
mater

P R A E F A T I O.

materia, proprietatum causa est, quas sine materia percipere non licet. Hæc est societatis & dissidij Mathematicæ cum Physicæ & prima Philosophia ratio. Nunc autem de nominis etymo & notatione pauca quædam afferamus. Nam si quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus nomina, ea certè non temere indita fuisse credendum est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque otiosa sibi haberi debet ista etymologie indagatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non parum ualeat recta nominis interpretatio. Sic enim Aristoteles ducto ex uerborum ratione argumento, αὐτὰρ ματρὶς, μετὰ βολῆς αἰδέεσθαι, aliarumq; rerum naturam ex parte confirmauit. Quoniã igitur Pythagoras Mathematicã scientiã nō modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite principijs, geometricam contemplationem in liberalis disciplinæ formam composuit, & perspectis absque materia, solius intelligentiæ adminiculo theorematibus, tractationem περὶ τῶν ἀλόγων, ὁμοεικῶν σχημάτων constitutionem excogitauit: credibile est, Pythagorã, aut certè Pythagorios, qui & ipsi doctoris sui studia libenter complexi sunt, huic scientiæ id nomē dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerumq; propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cum existimarēt illi omnē disciplinã, quæ μαθησις dicitur, ἀνάμνησιν esse quandã. i. recordationē & repetitionē eius sciētiae, cuius antè quã in corpus

immi-

P R A E F A T I O.

immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in *Menone*, *Phaedone*, et alijs aliquot locis uidetur astruxisse: animaduertent autem eiusmodi recordationem, quæ non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientijs demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ἐπὶ τὰ διαγνώμματα αὐτῶν: probabile est equidem Mathematicas à Pythagoreis artes κατ' ἔξοχὴν fuisse nominatas, ut ex quibus μάθησις, id est æternarum in anima rationum recordatio διαπεργόντως et præcipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in *Menone* Socratē induxit hoc argumēti genere persuadere cupientem, discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius rationum animum recordari. Etenim Socrates pusionē quendā, ut Tullij uerbis utar, interrogat de geometrica dimensione quadrati: ad ea sic ille respondet ut puer, et tamen tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim respondens, eodem perueniat, quò si geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, ut est apud Rhodiginum, quòd cum ceteræ discipline deprehendi uel nō docēte aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem ueniant, nisi præcunte aliquo, cuius solertia succidantur uepreta, uel exurantur, et superciliosa complacentur aspreta. Ita enim Cælius: quod quam uim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos

PRÆFATIO.

maticos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multipliciq; ac subtili uersari scribit. sed quis nescit id ipsum cum alijs grauioribus scientijs esse commune? Est enim, uel eodem auctore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaq; est & in ipsis rebus obscuritas, & in iudicijs nostris infirmitas: nec ullus est, modò interius paulò Physica penetrarit, qui non facile sit expertus, quàm multi undique emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio scorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam uerbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Hactenus de uniuerso Mathematicæ genere, quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea differam, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ uersatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionum, quæ in illis cernuntur ac inherant: ipsa quidem progrediens à puncto individuo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, uariasq; ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi mo-

β mentis

P R A E F A T I O.

mentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & contemplatur: causis & principijs, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quae de genere subiecto per se enunciantur: Geometriae quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circulis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus consistit. His autem inherant diuisiones, rationes, tactus, equalitates, παραβολαί, ὑπερβολαί, ἰσότητες, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia. Postulata uerò & Axiomata ex quibus haec inesse demonstrantur, eiusmodi serè sunt: Quouis cetro & intervallo circulum describere. Si ab equalibus equalia detrahas, quae relinquuntur esse equalia, ceteraq; id genus multa, quae licet omnium sint cōmunia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddā genus traducuntur. Sed cum praecipua uideatur Arithmeticae & Geometriae inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit ἀκριβέστερα & exactior quā Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic uerò & Aristotelem sequemur duccem, qui scientiam cum scientia ita cōparat, ut accuratior in esse uelit eam, quae rei causam docet, quā quae re esse tantum declarat: deinde quae in rebus sub intelligentiam cadentibus uersatur, quā quae in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica
quā

P R A E F A T I O.

quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initijs constat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometria præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas uerò punctum est quod situ uacat. Ex quo percipitur, numerorum quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse priores, & à concretionem materie magis disinctos. Hæc quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum ubertate multiplici uel cum Arithmetica certet: id quod tunc facile deprehēdas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmeticae & Geometriae societas, uideamus. Nam theworemation quæ demonstratione illustratur, quædam sunt utriusque sciētiae communia, quædam uerò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit $\rho\alpha\rho\tau\omicron\varsigma$ siue rationalis, Arithmeticae soli conuenit, nequaquam Geometriae, in qua sunt etiam $\alpha\rho\rho\alpha\tau\omicron\varsigma$, seu irrationales proportioncs: item, quadratorum $\gamma\alpha\mu\omicron\nu\alpha\varsigma$ minimo definitos esse, Arithmeticae proprium (si quidem

β 2 in Geome

P R A E F A T I O.

in Geometria nihil tale minimum esse potest) sed ad Geometriam proprie spectant situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuis admittuntur: ἄλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam τὸ ἄλογον esse solet. Communia porro utriusque sunt illa, quæ ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quòd sectio per extremam & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. tam uerò ex theorematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmeticam traducuntur: alia contra ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quedam uerò perinde utrique scientiæ conueniunt, ut quæ ex uniuersa arte Mathematica in utranque harum conueniant. Nam & alternatio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo cōmunia sunt utriusque. Quæ autem sunt πρῶτῃ συμμέτρου, id est, de commensurabilibus, Arithmetica quidam primum cognoscit & contemplatur: secundo loco Geometria Arithmeticam imitata. Quare & commensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationem inter se habent quàm numerus ad numerum, perinde quasi commensuratio & σύμμετρος in numeris primum consistat (Vbi enim numerus, ibi & σύμμετρος cernitur: & ubi σύμμετρος, illic etiam numerus) sed quæ triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometria

P R A E F A T I O.

Geometra primum considerantur: tum analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometriae diuisione hoc adiiciendum puto, quod Geometriae pars altera in planis figuris cernitur, quae solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera uero solidas contemplatur, quae ad duplex illud interuallum crassitudinem adsciscunt. Illa generali Geometriae nomine ueteres appellarunt: hanc propriè Stercometrium dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, et Stercometrium cum Mechanica non raro comparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis antecessit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem aetate ullam fuisse omnino uerum est, quemadmodum à Platone scriptum uidetur. Ad Geometriae utilitatem accedo, quae quanquam suapte ui et dignitate ipsa per se nititur, nullius usus aut actionis ministerio mancipata (ut de Mathematicis omnibus scientijs concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen utilitatis externae quaeritur, Dij boni quàm letos, quàm uberos, quàm uarios fructus fundit? Nec uerò audiendus est uel Aristippus, uel Sophistarum alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quod ex fine nihil docere uideantur, eiusq; quod melius aut deterius nullam habeant rationem. Vt enim nihil cause dicas, cur sit melius, trianguli, uerbi gratia, tres angulos duobus esse rectis

ß 3 aequales

P R A E F A T I O.

æquales: minimè tamen fuerit consentaneum, Geometrie cognitionem ut inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finè & bonum quò referatur, habeat nullum. Multas haud dubiè solius contemplationis beneficio citra materiae contagionè adfert Geometria cōmoditates partim proprias, partim cum universo genere cōmunes. Cum enim Geometria, ut scripsit Plato, eius quod semper est cognitionè profiteatur, ad ueritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentem comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes facilius perdiscēdas, attigeris necne Geometriam, quanti referre cēses? Nā ubi cum materia cōiungitur, nōne præstātissimas procreat artes, Geodesiā, Mechanicā, Opticam, quarum omnium usu, mortalium uitā summis beneficijs cōpletitur? Etenim bellica instrumenta, urbiūque propugnacula, quibus munitæ urbes, hostium uim propulsa rent, his adiutricibus fabricata est: montium ambitus & altitudines, locorūque situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itinerum rationē præscripsit: trutinas & stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, composuit: uniuersi ordinem simulachris expressit: multa que hominum fidem superarent, omnibus persuasit. Ubique extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quòd Archimedi rex Hiero tribuit. Nam extru-

Æto uasta

P R A E F A T I O.

Eto uastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum
 regi Ptolcmæo mitteret, cum uniuersa Syracusanor-
 um multitudo collectis simul uiribus nauem trahere
 non posset, effecissetque Archimedes ut solus Hiero
 illam subduceret, admiratus uiri scientiam $\epsilon\chi\alpha\pi\delta$
 $\tau\alpha\upsilon\tau\eta\varsigma, \epsilon\phi\eta, \tau\eta\varsigma \eta\mu\acute{\epsilon}\rho\alpha\varsigma, \pi\epsilon\rho\iota \pi\alpha\nu\tau\acute{\omicron}\varsigma \acute{\alpha}\chi\chi\iota\mu\acute{\alpha}\delta\epsilon \lambda\epsilon$
 $\gamma\omicron\nu\lambda\epsilon \pi\iota\varsigma\epsilon\upsilon\tau\epsilon\omicron\nu.$ Quid? quod Archimedes idem, ut est
 apud Plutarchum, Hieroni scripsit datis uiribus da-
 tum pondus moueri posse? fractusq; demonstrationis
 robore, illud sæpe iactarit, si terram haberet alteram
 ubi pedem figeret, ad eam, nostram hanc se transino-
 uere posset? Quid uaria $\alpha\upsilon\tau\omicron\mu\acute{\alpha}\tau\omega\nu$ machinarumque
 genera, ad usus necessarios comparata memorem? Im-
 numerabilia profectò sunt illa, et admiratiõe dignis-
 sima, quibus prisci homines incredibili quodã ad phi-
 losophandum studio concitati, inopem mortalium ui-
 tam artis huius praesidio subleuarunt: tametsi memo-
 riæ sit proditum, Platonem Eudoxo et Archytæ ui-
 tio uertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia
 et organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis et
 labefieri Geometriæ præstantiam, quæ ab intelligi-
 bilibus et incorporeis rebus ad sensiles et corpo-
 reas prolaberetur. Quapropter ridicula idẽ scri-
 psit Plato Geometrarum esse uocabula, quæ quasi ad
 opus et actionem spectent, ita sonare uidentur
 Quid enim est quadrare, si non opus facere? Quid

ß

4

addere,

P R A E F A T I O,

addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eius
modi nomina, quibus necessario & tanquam coacti
geometrae utuntur, quippe cum alia desint in hoc ge-
nere commodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristote-
les, sic denique philosophi omnes, Geometriam ipsam
cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo usu ex-
terno, sed ex rerum νοητῶν intelligentia aestimandam
esse. Exposita brevius quam res tanta dici possit, utili-
tatis ratione, Geometriae ortum, qui in hac rerum pe-
riodo ex historicorum monumentis nobis est cogni-
tus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios
inuenta, (ne ab Adamo, Setho, Noah, quos cognitio-
ne rerum multiplici ualuisse constat, cam repetamus)
ex terrarum dimensione, ut uerbi prae se fert ratio, or-
turi habuisse dicitur: cum anniuersaria Nili inunda-
tione & incrementis limo obducti agrorum termini
confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas
disciplinas, in usu quam in arte prius fuisse aiunt.
Quod sanè mirum uideri non debet, ut & huius &
aliarum scientiarum inuentio ab usu coeperit ac neces-
sitate. Etenim tempus, rerum usus, ipsa necessitas in-
genium excitat, & ignem acuit. Deinde quicquid
ortum habuit (ut tradunt Physici) ab inchoato & im-
perfecto processit ad perfectum. Sic artium & sci-
entiarum principia experientiae beneficio collecta
sunt: experientia uerò à memoria fluxit, quae & ipsa
à sensu

P R A E F A T I O.

à sensu primum manavit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad vitam necessarijs, in Aegypto fuisse constitutas, quòd ibi sacerdotes omnium concessu in otio decerēt, non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, verbi gratia, terræ dimetiendæ rationem, quæ theorematum deinde inuestigationi causam dedit: sed hoc confirmat, præclara eiusmodi theorematum inuenta, quibus extructa Geometriæ disciplina constat, ad usus vitæ necessarios ab illis nō esse expetita. Itaque vetus ipsum Geometriæ nomen ab illa terræ parti undæ finiumq; regundorum ratione postea recessit, & in certa quadam affectionum magnitudini per se inherentium scientia propriè remansit. Quemadmodum igitur in mercium & contractuum gratiam, supputandi ratio, quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phœnicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea quam commemoravi causa ortum habuit Geometria. Hanc certe, ut id obiter dicam, Thales in Græciam ex Aegypto primum transtulit: cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, alijsq; compluribus, ad Euclidis tempora factæ sunt rerum magnarum accessiones. Ceterum de Euclidis ætate id solum addam, quod à Proclo memoriæ mandatum accepimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum

P R A E F A T I O.

æqualibus tunc discipulis, subiicit, nō multo ætate po-
 steriorem illis fuisse Euclidem eum, qui Elementa cō-
 scripsit, et multa ab Eudoxo collecta, in ordinem lu-
 culentum cōposuit, multaque à Theæteto inchoata
 perfecit, quæq; mollius ab alijs demonstrata fuerāt,
 ad firmissimas et certissimas apodixes reuocauit. Vi-
 xit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Etenim fe-
 runt Euclidē à Ptolemæo quondā interrogatum, num-
 qua esset uia ad Geometriā magis cōpendiaria, quā
 sit ista σοιχείωσις, respondisse, μὴ εἶναι βασιλικὴν
 ἀλλὰ πὸν ἐπὶ γεωμετρίας. Deinde subiungit, Euclidē
 natu quidem esse minorem Platone, maiorem uerò
 Eratosthene et Archimede (hi enim æquales erant)
 cum Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quod
 si quis egregiam Euclidis laudem, quam cum ex alijs
 scriptionibus accuratissimis, tum ex hac Geometrica
 σοιχείωσιν cōsequutus est, in qua diuinus rerum ordo
 sapientissimis quibusque hominibus magnæ semper
 admirationi fuit, is Proclum studiosè legat, quò rei ue-
 ritatē illustriorē reddat grauissimi testis auctoritas.
 Superest igitur ut finem uideamus, quò Euclidis ele-
 menta referri, et cuius causa in id studium incumbere
 oporteat. Et quidem si res quæ tractantur, consyde-
 res: in tota hac tractatione nihil aliud queri dixeris,
 quàm ut κοσμικὰ quæ uocātur, σχήματα (fuit enim
 Euclides professione et instituto Platonicus) Cubus,
 Icosaëdron, Octaëdron, Pyramis et Dodecaëdron

P R A E F A T I O.

certa quadam suorum & inter se laterum, & ad sphaerae diametrum ratione eidem sphaerae inscripta comprehendantur. Huc enim pertinet Epigramation illud vetus, quod in Geometrica Michaelis Pselli συνόψις scriptum legitur.

Σχήματα πάντα Πλάτωνος, & Πυθαγόρας ἑφὸς
 ἔυρε,

Πυθαγόρας σοφὸς ἔυρε, Πλάτων δὲ ἀρίδην' ἐδίδασκεν,

Εὐκλείδης ἐπὶ τοῖσι κλίος περιχαλὺς ἔτευξεν.

Quod si discantis institutionem spectes, illud certe fuerit propositum, ut huiusmodi clementorum cognitione informatus discantis animus, ad quālibet nō modo Geometriae, sed & aliarum Mathematicae partium tractationem idoneus paratusq; accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra uendicare uideatur, & tanquam in possessionem suam uenerit, alios excludere posse: inde tamē permulta suo quodāmodo iure decerpit Arithmeticus, pleraque Musicus, non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus, Mechanicus, itēque ceteri: nec ullus est denique artifex praeclarus, qui in huius se possessionis societate cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc στοιχείωσις absolutum operi nomen, & στοιχειωτὴς dictus Euclides. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiose

Ως ἐκείνους

P R A E F A T I O.

Et eruditè scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco P. Montaurus, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quæ uerò ad dicendum nobis erant proposita, hætenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse uideor. Nam tametsi & hæc eadem & alia pleraque multo fortè præclariora ab hominibus doctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius, splendidius, uberiùs tractari posse scio: tamen experiri libuit num quid etiam nobis diuino sit concessum munere, quod rudes in hac philosophiæ parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recens elementorum editio, in qua nihil nõ parum fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare uidebatur, quod eius commendationem adaugeret. Cum enim uir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarum artium in hac Parrhasiorum Academia professor uerè regius, nostrum hunc typographum in excudendis Mathematicorum libris diligentissimum, ad hanc Elementorum editionem sæpè & multum esset adhortatus, eiusq; impulsu permulta sibi iam comparasset typographus ad hanc rem necessaria, citò interuenit, malum, Ioannis Magnieni mors insperata, quæ tam graue inflixit Academiæ uulnus, cui ne post multos quidem annorum circuitus cicatrix obduci ulla posse uideatur. Quamobrem amisso instituti hu-

P R A E F A T I O.

ius operis duce, typographus, qui nec sumptus antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id munus erat pollicitus, sua spe cadere uellet, ad me uenit, & impensè rogauit ut meam propositæ editioni operam & studium nauarem. quod cum denegaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: feci equidem rogatus, ut quæ subobscuræ uel parum commodè in sermonem latinum è græco translata uidebantur, clariore, aptiore & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque pace dictum uolo) lucem acciperent. Id quod in omnibus ferè libris posterioribus tute primo obtutu perspicias. Nam in sex prioribus non tantum temporis quantum in cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpretatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Montaurco solida debetur. Atque ut ad perspicuitatem facilitatemq; nihil tibi deesse queraris, adscripta sunt propositionibus singulis uel lineares figuræ, uel punctorum tanquam unitatum notulae, quæ Theonis apodixin illustrent: illæ quidem magnitudinum, hæ autem numerorum indices, subscriptis etiã cyphrarum, ut uocant, characteribus, qui propositum quemuis numerum exprimant: ob eamq; causam eiusmodi unitatum notulae, quæ pro numeri amplitudine maius paginae spatium occuparent, pauciores sæpius depictæ sunt, aut in lineas etiam commutatæ. Nam literarum, ut a, b, c, characteres non modò numeris & numero-

rum

PRAEFATIO.

rum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiā
generales esse nomenclorum ut magnitudinum affectiones
testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis
non poenitenda Theonis scholia, siue maius lemmata,
quae quidem longè plura accessissent, si plus otij &
temporis uacui nobis fuisset relictum, quod huic
studio impartiremus. Hanc igitur operam
boni consule, & quae obuia erunt im-
pressionis uitia, candidus
emenda. Vale.

Lutetiae 4. Idus April. 1557.

FINIS.

1870

1871

1872

1873

1874

1875

1876

1877

1878

ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM PRIMVM.

ὁ ρ ο ι.

Σ

α

Ἡμεῖόν ἐστιν, οὐ μέρος οὐθέν.

DEFINITIONES.

1

Punctum est, cuius pars
nulla est.

Punctum

β

Γραμμή ἔ, μήκος ἀπλάτης.

2

Linea verò, longitudo latitudinis expers.

Linea recta



Linea
curva

γ

Γραμμῆς ἔ πέρατα σημεῖα.

3

Lineæ autem termini, sunt puncta.

δ

Εὐθεῖα γραμμή ἐστιν, ἥ τις ὅσιν τις ἐφ' αὐτῇ ση-
μείοις κηται.

▲

4 Recta

4

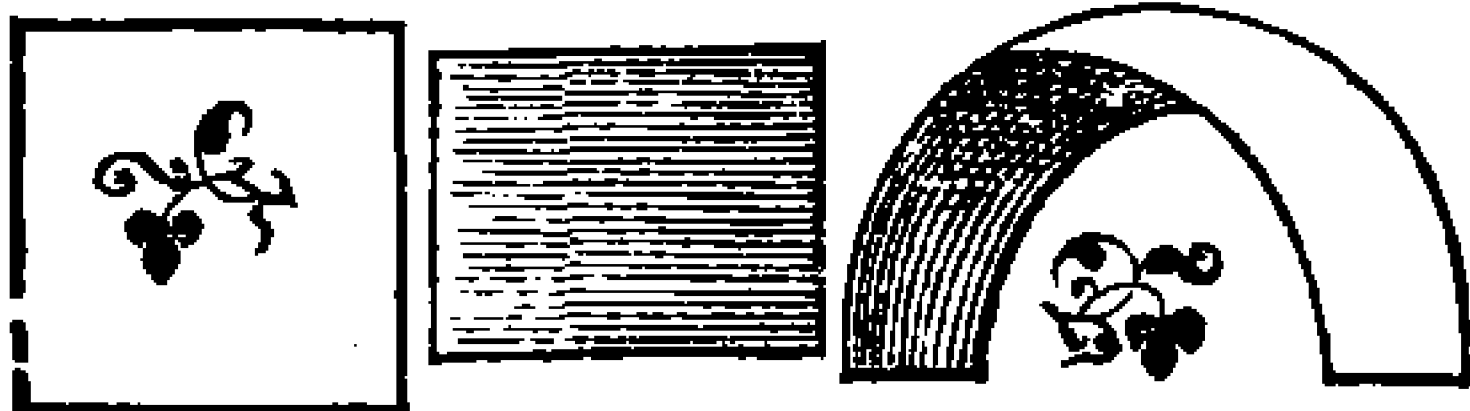
Recta linea est, quæ ex æquo sua interiacet puncta.

Ε

Επιφάνεια, ἣ ἐστίν, ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

5

Superficies est quæ longitudinem latitudinemque tantum habet.



5

Επιφανείας ἣ πέρατα, γραμμί.

6

Superficiei extrema, sunt lineæ.

ζ

Επίπεδος ἡ επιφανεία, ἐπὶ ἣ ἡς ὁμοῦ τὰς ἐφ' ἑαυτὴ εὐθείας κείται.

7

Plana superficies, est quæ ex æquo suas interiacet lineas.

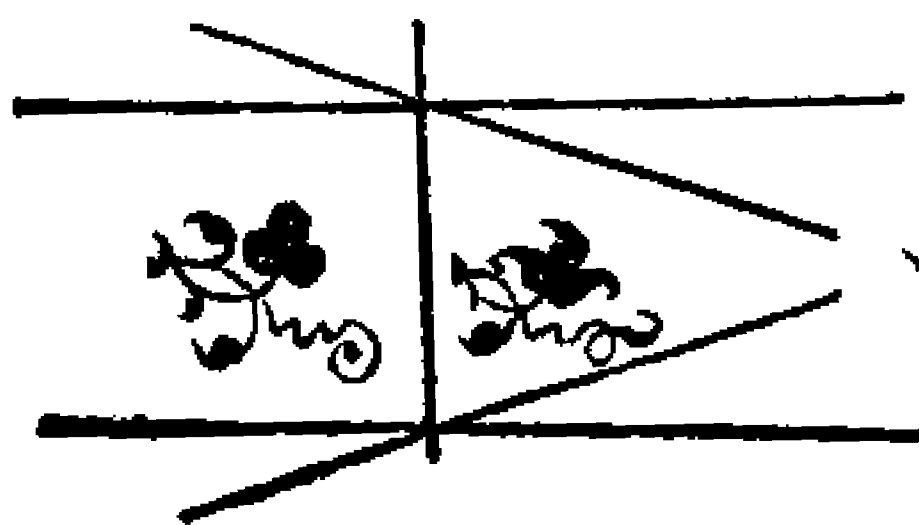
η

Επίπεδος ἡ γωνία ἐστίν, ἣ ἐν ἐπιπέδῳ, δύο γραμμῶν ἀπομένων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κείμενων, πρὸς

LIBER PRIMVS.

2

πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



Planus angulus
est duarum li-
nearum in pla-
no se mutuò tā-
gentium, & nō
in directum ia-
centium, alte-

rius ad alteram inclinatio.

8

ὅταν ᾖ περιέχουσα τὴν γωνίαν γραμμὰ, εὐθεία
ᾖσιν, εὐθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cū autem quæ angulum continent lineæ,
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus appel-
latur.

ὅταν ᾖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα, τὰς ἐφεξῆς γω-
νίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὅρδῃ ἔσιν ἑκατέρω τῶν
ἴσων γωνιῶν: Καὶ ἡ ἐφεσηκῆ εὐθεῖα κάθετος κα-

Α Ζ

λεῖται

EVCLEID. ELEMEN. GEOM.
 λείταίφ' ἢν ἐφείσηκεν.

10

Cùm verò recta linea super rectam consi-
 stens lineam, eos qui sunt deinceps angulos
 æquales inter se fecerit: rectus est vterque
 æqualium angulorum:& quæ insistit recta
 linea, perpendicularis vocatur eius cui in-
 sistit.



12

Αμβλεία γωνία ἐστίν, ἢ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusius angulus est, qui recto maior est.

13

Οξεία ᾗ ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

12

Acutus verò, qui minor est recto.

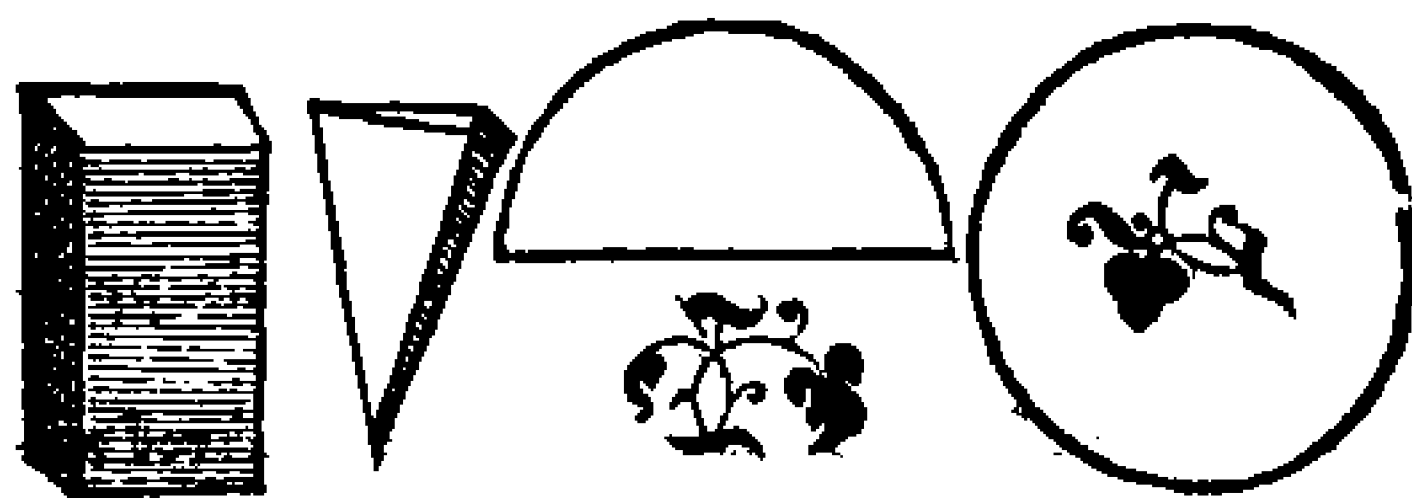
17

ὄρος ἐστίν, ὃ τινὸς ἔστι πέρας.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.

18 Εχῆ-



13

Σχήμα ἔστι, τὸ ὑπὸ τίνος, ἢ τινῶν ὄρων περιεχόμενον.

14

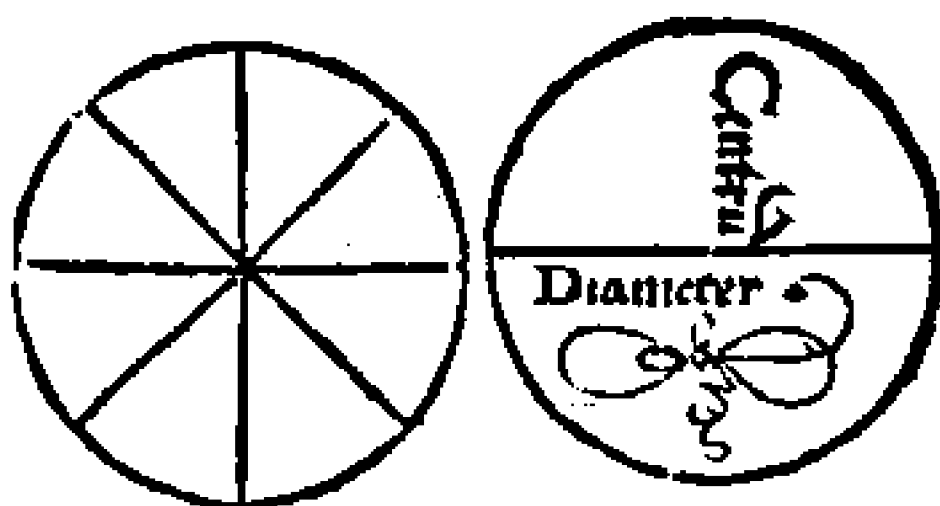
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

15

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ἣν, ἀρ. ἑνὸς σημείου τῶν ἐν τῷ σχήματι κειμένων, πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι ἐυθεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

15

Circulus est figura plana sub vna linea comprehensa, quæ peripheria appellatur: ad quā ab vno puncto eorum, quæ intra figuram sunt posita, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.



▲ 3

15 Κέν-

15

Κέντρον ὃ τοῦ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

17

Διάμετρος ὃ τοῦ κύκλου ἐστίν, εὐθεῖά τις διὰ τοῦ κέν-
τρου ἄγμένη, καὶ περατταμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη
ὕπὸ τ' τοῦ κύκλου περιφερείας, ἥ τις καὶ δίχα τέμνει
τὸν κύκλον.

17

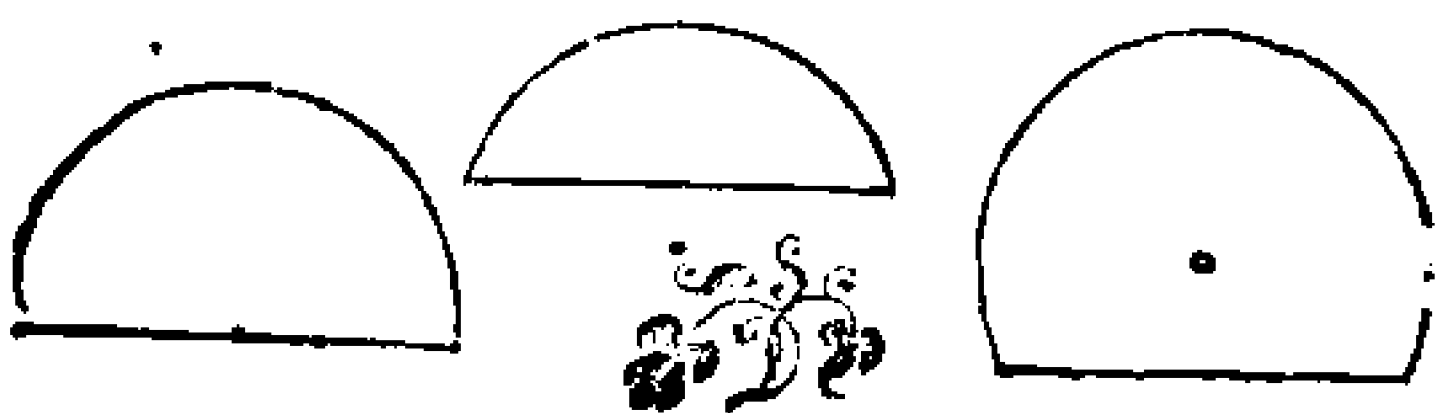
Diameter autem circuli, est recta quaedam
linea per centrum ducta, & ex utraque parte
in circuli peripheriam terminata, quæ circu-
lum bifariam secat.

18

ἡμικύκλιον ὃ ἐστὶ, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε
τῆς διαμέτρου, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς
τοῦ κύκλου περιφερείας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur sub
diametro, & sub ea lineæ, quæ de circuli peri-
pheria auferitur.



18 Τμήμα

18

Τμήμα κύκλου ἐστὶ τὸ περιεχόμενον ὑπὸ τε εὐθείας,
καὶ κύκλου περιφερείας.

19

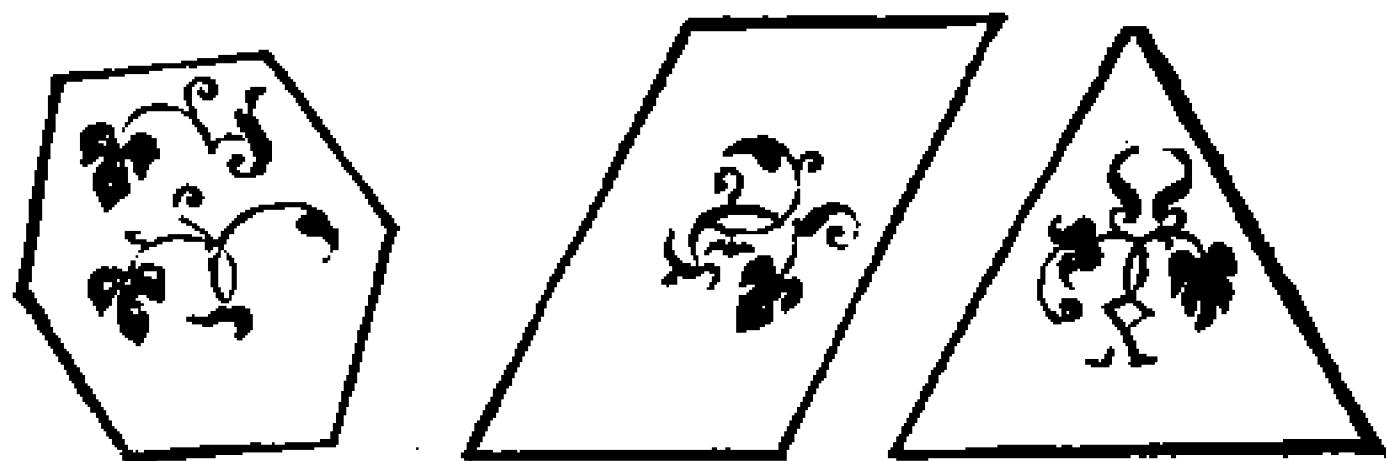
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-
cta linea & circuli peripheria continetur.

x

Εὐθύγραμμα σχήματα ἔστι, τὰ ὑπὸ ἐυθειῶν περι-
εχόμενα.

20

Rectilineæ figuræ, sunt quæ sub rectis lineis
continentur.



κα

Τρίπλευρα μὲν, τὰ ὑπὸ τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

xβ

Τετράπλευρα δ', τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

Α 4

xγ Ηε-

κ γ

Πολύπλευρα ἔσονται τὰ ὑπὸ πλείονων ἢ τεσσάρων εὐθε-
ῶν περιεχόμενα.

23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κ δ

Τῶν δὲ ἱσοπλευρῶν σχημάτων, ἰσοπλευρον μὲν ἴσχυα
τὸν ὅτι, τὸ ἴσους ἔχον πλευράς.

24

Tri laterarum porro figu-
rarum, æquilaterum est
triangulum, quod tria la-
tera habet æqualia.

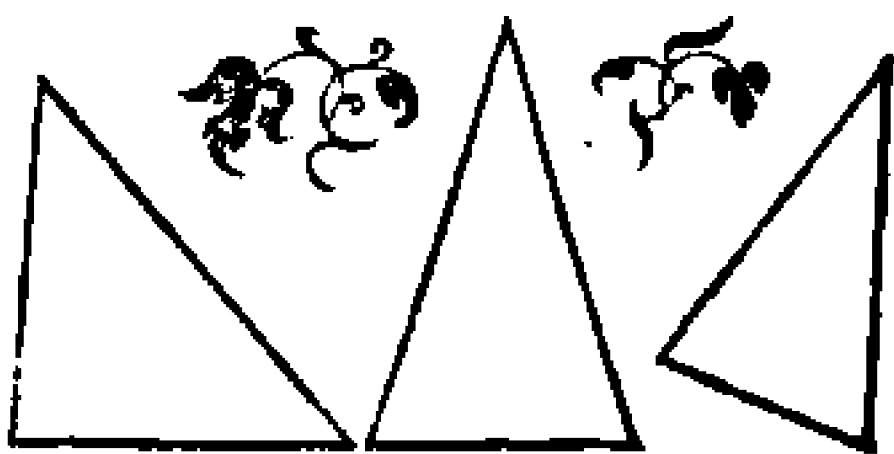


κ ε

Ἰσοσκελὲς ἔσται τὸ τὰς δύο μόνους ἴσους ἔχον πλευράς.

25

Isofceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



κ ς

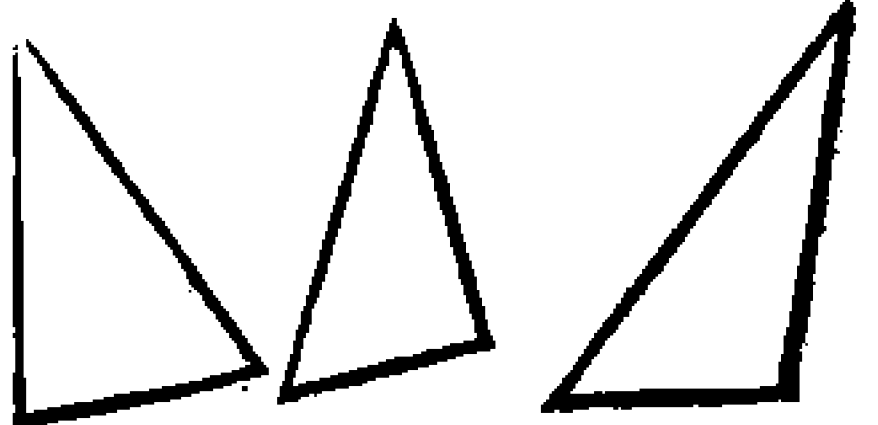
Σκαλιωδὲν ἔσται τὸ τὰς ἑξῆς ἀνίσους ἔχον πλευράς.

26 Sc2a

LIBER PRIMVS.

26

Scalenum
verò, est
qd̄ tria in-
equalia ha-
bet latera.



κξ

Ἡ τὲ τῶν τριπλευρῶν σχημάτων, ὀρθογώνιον μὲν
ῥιγώνον ἔστι, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarum figurarū, rectan-
gulum quidem triangulum est, quod rectū
angulum habet.

κ η

Ἀμβλυγώνιον ᾗ, τὸ ἔχον ἀμβλείαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum an-
gulum habet.

κ θ

Ὀξυγώνιον ᾗ, τὸ ῥεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

29

Oxygonium verò, quod tres habet acutos
angulos.

λ

Τῶν ᾗ τετραπλευρῶν σχημάτων, τετράγωνον μὲν
ἔστι, ὃ ἰσοπλευρόν τε ἔστι, καὶ ὀρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarū, quadra-

Α ς

τιμα

τὴν qui
dē est,
qđ &
æquila
terū &
rectan-
gulū est.



λα

Ἐτερόμηκες ὅ, ὃ ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ.

31

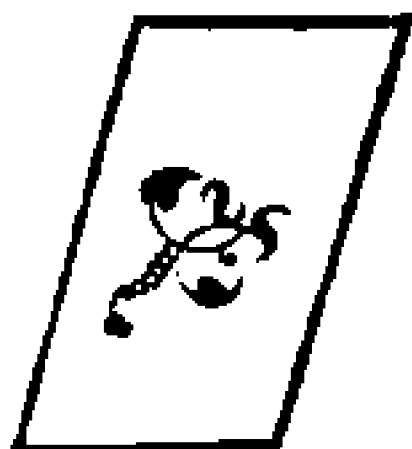
Altera parte longior figura est, quæ rectan-
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος ὅ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ.

32

Rhom-
bus au-
tē, q̄ æ-
quila-
terū &
rectan-
gulū ē.



λγ

Ῥομβοειδὲς ὅ, τὸ τὰς ἀπεναντίων πλευρὰς τε καὶ γω-
νίας ἴσας ἀλλήλους ἔχον, ὃ οὔτε ἰσόπλευρόν ἐστιν, οὔ-
τε ὀρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera &
angulos habens inter se æqualia, neq; æqui-
latera est, neq; rectangula.

λδ Τδ

λδ

Τὰ ἑκὰς ταῦτα τετραπλευρα, τραπέζια καλεῖσθω.

34

Præter
has au-
tem, re-
liquæ
quadri-
lateræ



figuræ, trapezia appellentur.

λε

Παράλληλοι εἰσιν εὐθεῖαι, αἷ λινες ἐν τῷ αὐτῷ ὀρι-
πέδῳ εὔται, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἄωφρον, ἐφ' ἑκά-
τερα τὰ μέρη, ἐπὶ μηδετέρᾳ συμπίπτουσιν ἀλλή-
λαις.

35

Parallelæ rectæ lineæ sunt
quæ, cùm in eodem sint pla-
no, & ex vtraque parte in in-
finitum producantur, in neutram sibi mu-
tuò incidunt.

Λιτήματα.

α

Ητήσθω, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐ-
θεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Postu-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Postulata.

I

Postuletur, ut à quouis puncto in quoduis punctum, rectam lineam ducere cōcedatur.

β

Καὶ πεπερασμένῳ ὑβέῃαι, κατὰ τὸ συνεχὲς ἐπ' ἑυθείας ἐκβάλλειν.

2

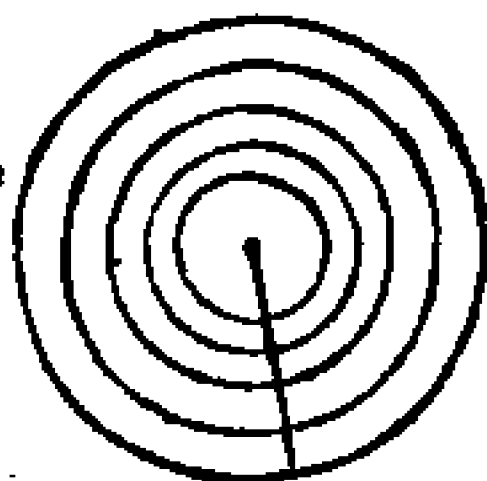
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum rectā producere.

γ

Καὶ παντὶ κέντρῳ, καὶ διαστήματι κύκλον γράψθαι.

3

In quouis centro & in teruallo circulum describere.



Κοινὰ ἔννοια.

α

Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidē æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα προσεῖθῃ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἴσα.

2 Ἐκ

2

Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ κατελειπόμενα ὅτιν ἴσα.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquantur sunt æqualia.

δ

Καὶ ἐὰν ἀνίσοις ἴσα προσεθῇ, τὰ ὅλα εἰν ἄνισα.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ εἰν ἄνισα.

ς

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

ς

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια, ἴσα ἀλλήλοις εἰν.

6

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

ζ

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις εἰν.

7 Et

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

η

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἄλληλα, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

θ

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

Καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον ὅστις.

9

Totum est sua parte maius.

ι

Καὶ πάντα αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

ια

Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτῃσα, τὰς ἐν-
τὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσ-
σονας ποιῇ, ἐκ ἐαυτῶν αἱ δύο αὐτὰς εὐθεῖας ἐπὶ
ἄπειρον, συμπεσύνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

11

Et si in duas rectas lineas altera recta in-
cidens, internos ad easdemque partes an-
gulos

LIBER PRIMVS:

8

gulos duobus rectis minores faciat, duæ il-
læ rectæ lineæ in infinitum productæ sibi
mutuò incident ad eas partes, vbi sunt an-
guli duobus rectis minores.

ιβ

Καὶ δύο εὐθείαι, χωρίον ἐν περιέχουσιν.

12

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehen-
dunt.

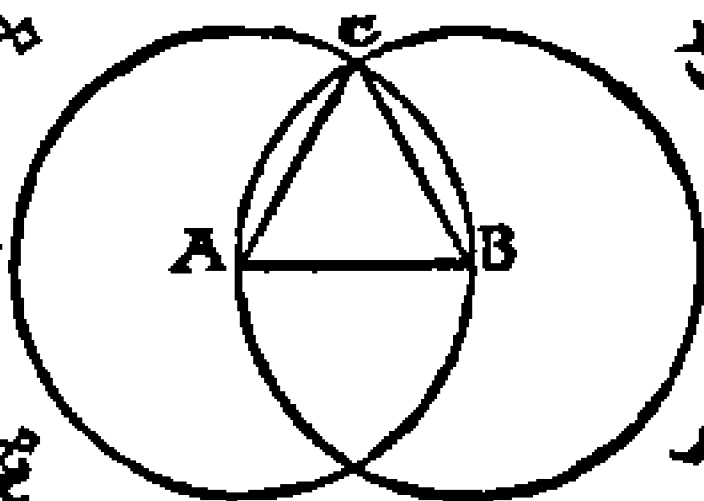
Πρότασις.

α

Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης, τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super
data re-
cta li-
nea ter-
mina-
ta, tri-
angu-
lum æ-
quilaterum constituere.



β

Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἰσὺν ἐκ-
θεῖναι διέσθαι.

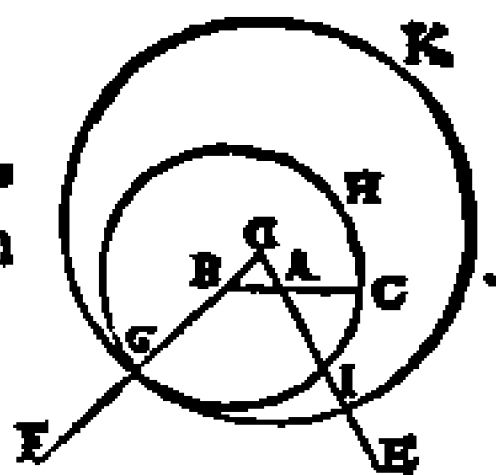
Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Problema 2. Propo-

sitio 2.

Addatum punctum, data rectæ lineæ æqualem rectam lineam ponere.

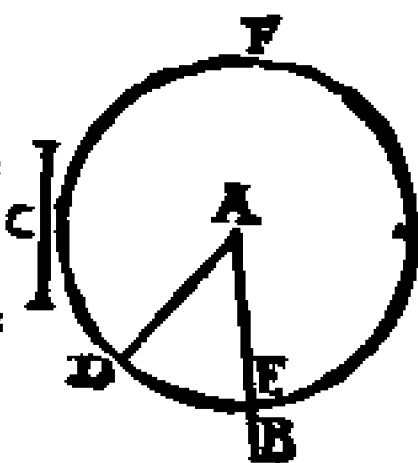


Δύο δοθέντων ευθείων ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάττω ἴσιν ευθείαν ἀφελεῖν.

Problema 3. Propo-

sitio 3.

Duabus datis rectis lineis inæqualibus, de maiore æqualem minori rectam lineam detrahere.



Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τὰς δυσὶ πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρω, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσιν ἔχῃ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ευθείων περιεχομένην: καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσιν ἔξει, καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τρίγωνῳ ἴσον ἔσται, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι τὰς λοιπῶν γωνίαις ἴσιν ἔσονται, ἑκατέρω ἑκατέρω, ὑφ' αἷς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποκείνῃσιν.

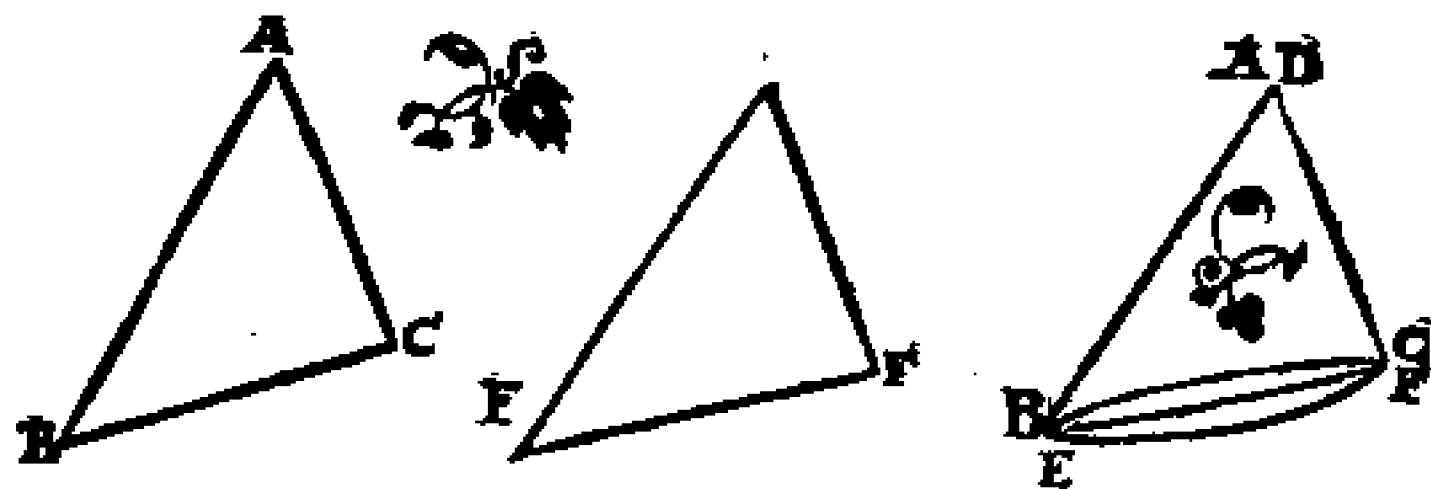
Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habeant, utrunque utrique, habeat verò & angulum angulo æqualem sub æqualibus rectis lineis contentum: & basin basi

LIBER PRIMVS.

9

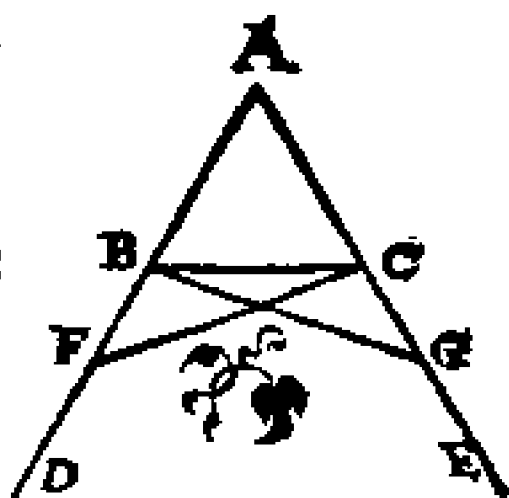
βασὶ ἰσὺν ἔχοντα, ἔσονται ὅτι; τρίγωνον
 τρίγωνο ἰσὺν, ἀκαὶ ἄλλοι ἄνγυλοι ἄλλοις
 ἄνγυλοι ἰσὺν ἔσονται, ὅτε ὅτε ὅτε, ὑπὸ
 οὖν ἰσὺν ἔχοντα ὑποκείνεται.



Τῶν ἰσοσκελῶν ὁρίων ἂν πρὸς τῇ βάσει γωνία
 ἴσαι ἄλληλαι εἴσιν. Καὶ ὅτε ὅτε τῶν ἰσῶν
 ὑποκείνεται, ἂν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνία ἴσαι ἄλληλαι ἔ-
 σονται.

Theorema 2. Propositio 5.

Isoſcelium triangulorū
 qui ad basim sunt angu-
 li, inter se sunt æquales:
 & si ulterius producatæ
 sint æquales illæ rectæ li-
 neæ, q̄ sub basī sunt angu-
 li, inter se æquales erunt.



5

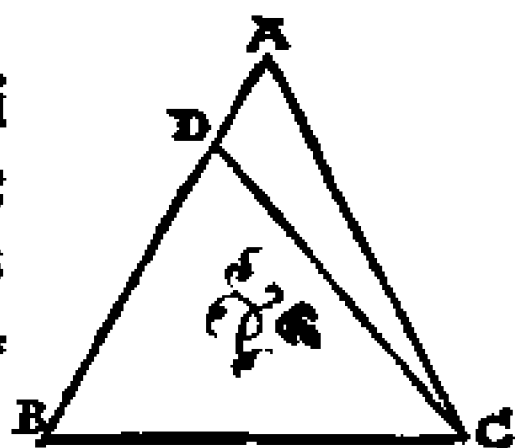
Εάν ὁρίων ἂν δύο γωνία ἴσαι ἄλληλαι ὦσι, καὶ ἂν
 ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας ὑποκείνεται πλευρά, ἴσαι ἄλ-
 λήλαι εἴσονται.

B Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
Theorema 3. Propo-

sitio 6.

Si trianguli duo anguli
æquales inter se fuerint:
& sub æqualibus angulis
subtēsa latera æqualia in-
ter se erunt.

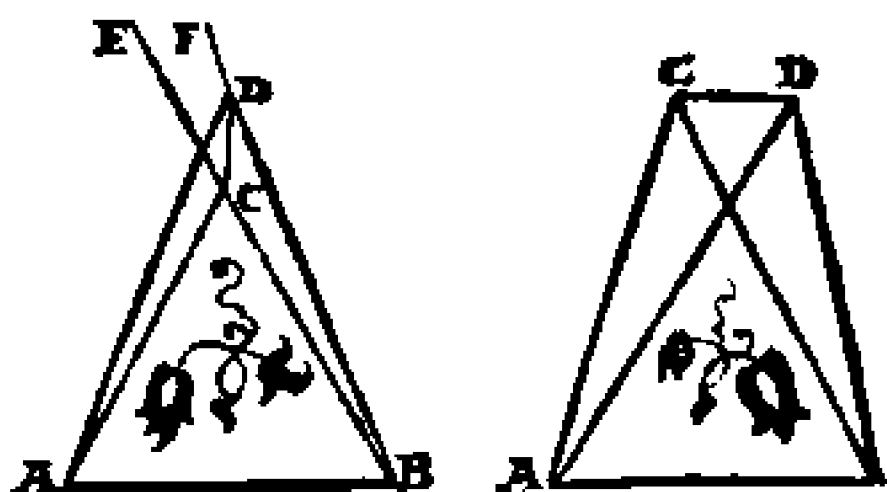


Επὶ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ, ^ζδυσὶ τῶν αὐτῶν εὐθείᾳς ἄλλαι
δύο εὐθεῖαι ἴσαι ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ οὐ συσταθήσονται,
πρὸς ἄλλῃ καὶ ἄλλῃ σημείῳ, ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ
αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι, τῶν ὁμοαρχῆς εὐθείας.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem re-
ctis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, v-
traque vtrique, non constituentur, ad aliud
atque

aliud
punctū,
ad eas-
dē par-
tes, eos-
demq;



terminos cum duabus initio ductis rectis li-
neis habentes.

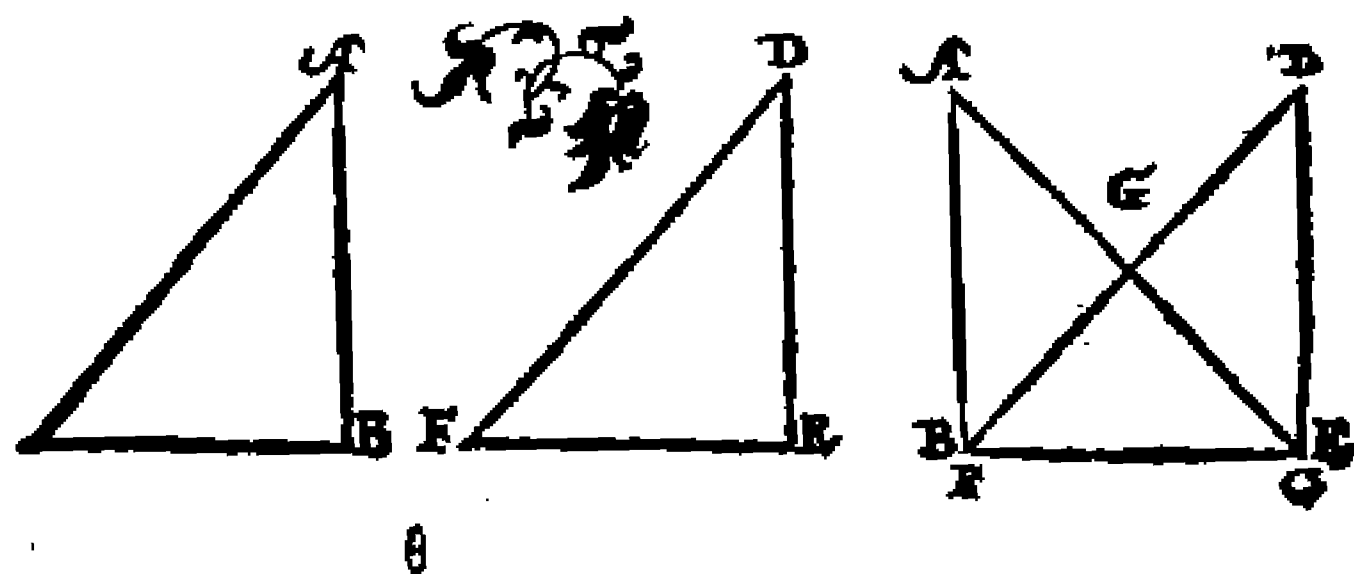
η

Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῶν δυσὶ
πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ, ἔχῃ καὶ βά-
σιν τῇ βάσει ἴσιν: καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσιν ἔξει
τὴν

τὴν ὑπὸ τῶν ἰσῶν ἐυθείῶν περιεχομένην.

Theorema 5. Propositio 8.

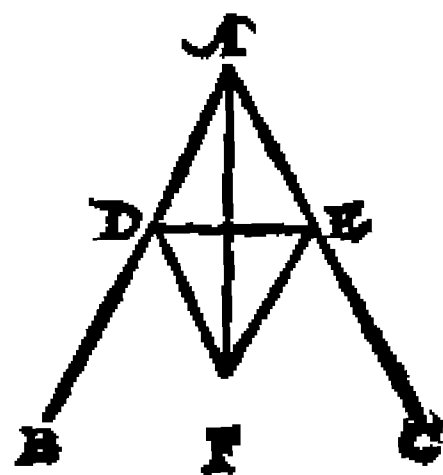
Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, vtrunque vtrique, æqualia, habuerint verò & basim basi æqualem: angulū quoque sub æqualibus rectis lineis contentum angulo æqualem habebunt.



Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν ἐυθύγραμμον δίχα τεμεῖν.

Problema 4. Propositio 9.

Datum angulum rectilineum bifariam secare.

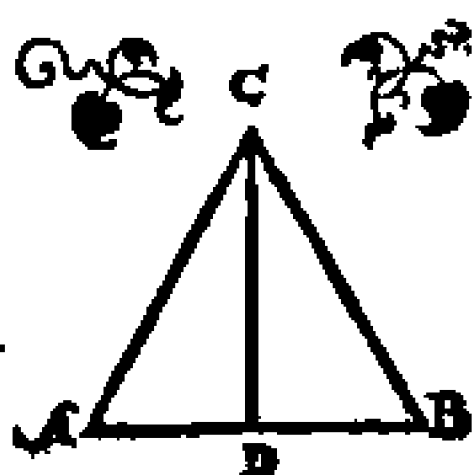


Τὴν δοθεῖσαν ἐυθεῖαν περιεχομένην, δίχα τεμεῖν.

EVCLID, ELEMEN. GEOM.

Problema 5. Pro- positio 10.

Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.

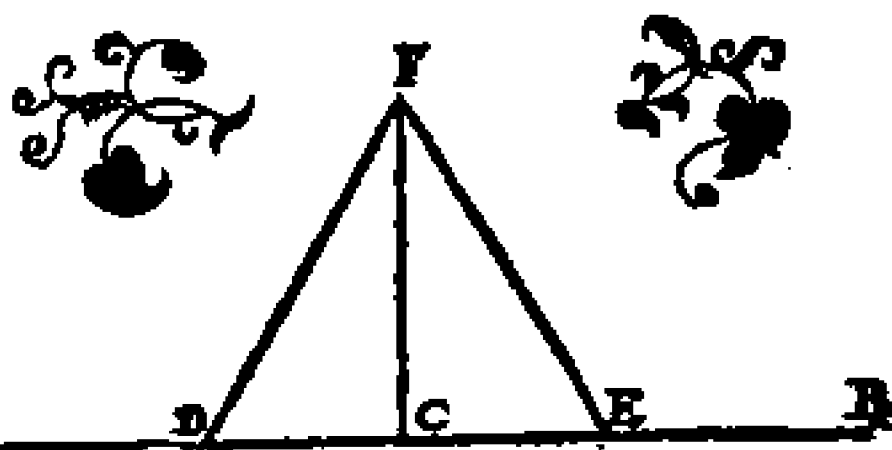


1α

Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος ση-
μεῖος, πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγα-
γεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

Data
recta li-
nea, à
pūcto
ī ea da-
to, re-
ctam li-
neam ad angulos rectos excitare.

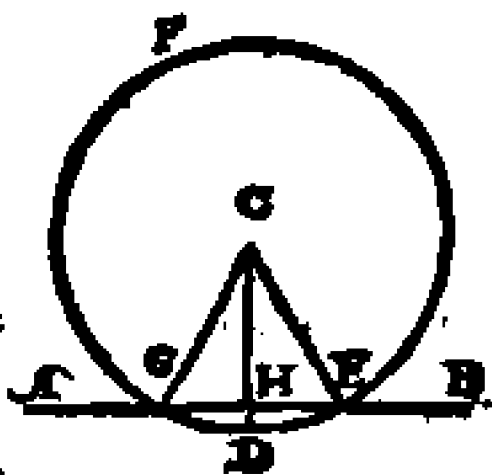


1β

Επὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον, ἀπὸ τοῦ δοθέν-
τος σημείου, ὃ μὴ ἐστὶν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον εὐθεῖαν
γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro- positio 12.

Super datam rectam line-
am infinitam, à dato pun-
cto



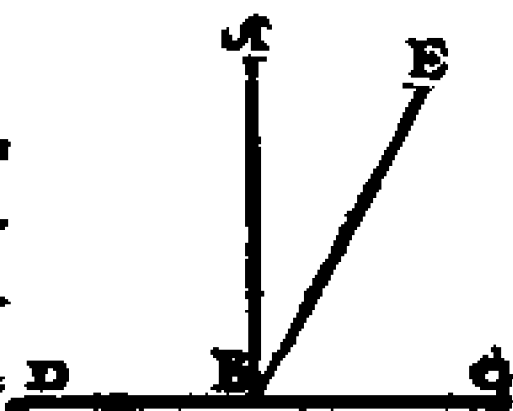
Et quod in ea nō est, perpendicularem rectam deducere.

¹⁷
Ὡς ἂν εὐθεῖα ἐκ' εὐθείας σταθεῖσα, γωνίας ποιῇ ἢ τοὶ
δύο ὀρθὰς, ἢ δυτὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ.

Theorema 6. Propo-

sitio 13.

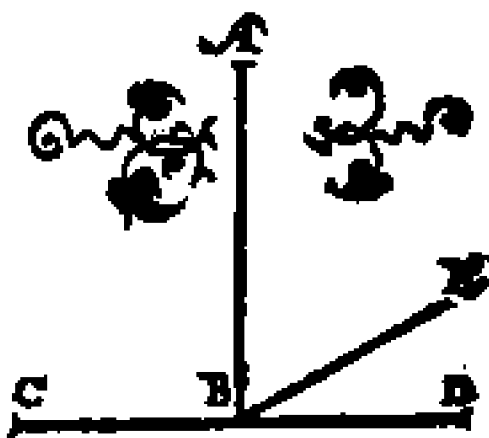
Cū recta linea super rectam consistens lineā angulos facit, aut duos rectos, aut duobus rectis æ-



¹⁸
Εὰν πρὸς ἑνὶ εὐθείᾳ, καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο
εὐθεῖαι μὴ περὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐφεξῆς
γωνίας δυτὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται
ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius punctū, duæ rectæ lineæ non ad easdem partes ductæ, eos qui sunt deinceps angulos duobus rectis æ-



¹⁹

Εὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ κορυ-

B

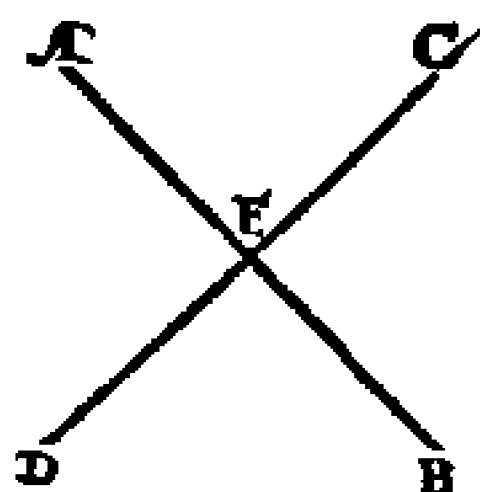
3

φάν

φὴν γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιήσασι.

Theorema 8. Propo-
sitio 15.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerit, angulos qui
ad verticem sunt, æquales
inter se efficient.

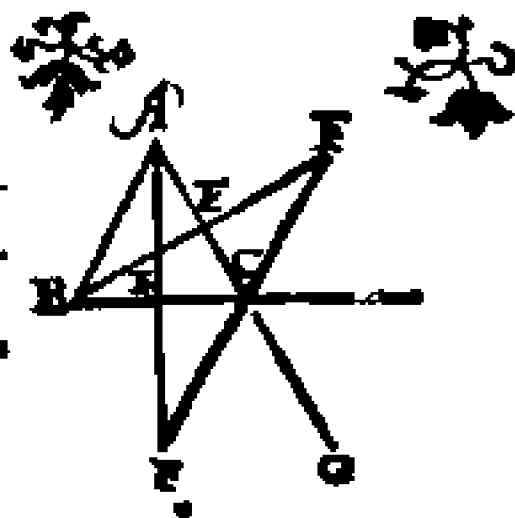


15

Παντὸς ζυγών μίᾳς τῶν πλευρῶν ἐκβληθείσης, ἡ
ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον,
μείζων ἐστίν.

Theorema 9. Propo-
sitio 16.

Cuiuscunq; trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus utroq; inter-
no & opposito maior est.

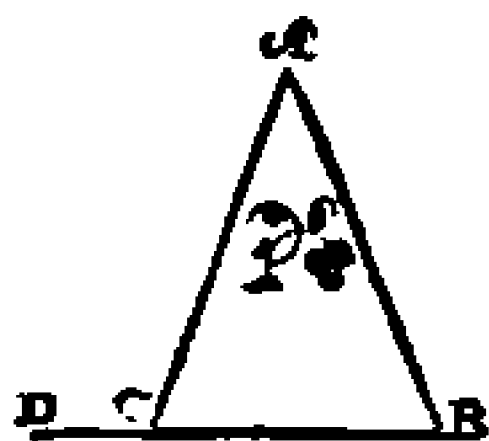


16

Παντὸς ζυγών αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἐλάσσο-
νές εἰσι, πάντῃ μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 10. Propo-
sitio 17.

Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores omnifariā
sumpti.



17

Παντὸς ζυγών ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γω-
νίαν

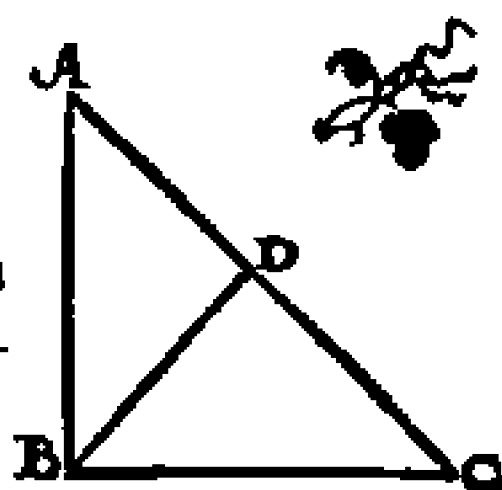
νίαν ὑποτείνει.

Theorema 11. Propo-
sitio 18.

Omnis trianguli maius la-
tus maiorem angulū sub-
tendit.

θ

Παντὸς ῥιγώνυ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἢ μείζων
πλευρά ὑποτείνει.

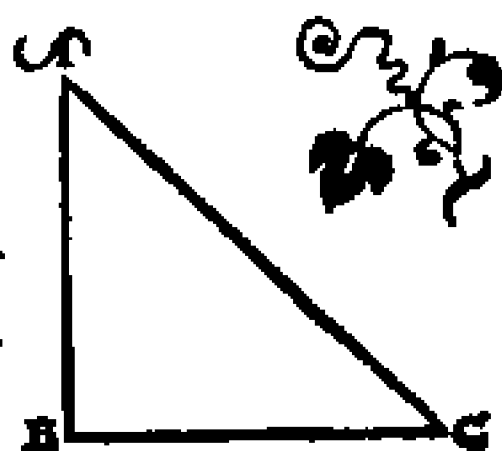


Theorema 12. Pro-
positio 19.

Omnis trianguli maior
angulus, maiori lateri sub-
tenditur.

κ

Παντὸς ῥιγώνυ αἱ δύο πλευραὶ, τῇ λοιπῇ μείζονες
εἰσι, πάντα μεταλαμβάνοντα.

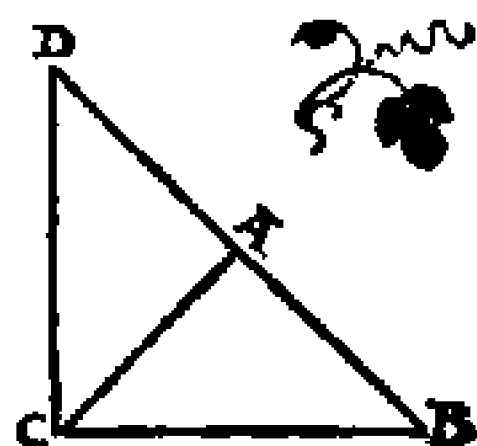


Theorema 13. Propo-
sitio 20.

Omnis trianguli duo late-
ra reliquo sunt maiora,
quomodocūq; assumpta.

κα

Ἐὰν ῥιγώνυ ἐπὶ μιᾷ τῶν πλευρῶν ἀπὸ τῶν περὶ τῶν
δύο εὐθειῶν ἐντὸς συσταθῶσιν, αἱ συσταθείσαι, τῶν λοι-
πῶν



B 4

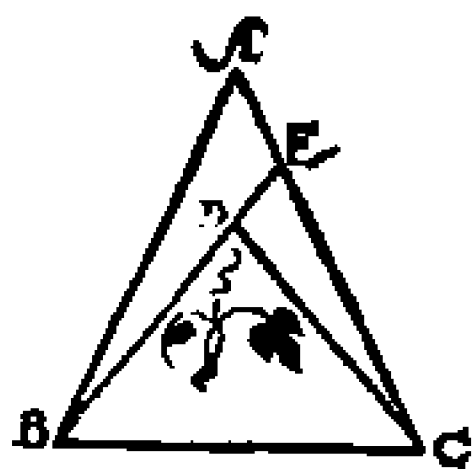
πῶν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

πῶν τοῦ ῥιγάνου δύο πλευρῶν ἐλάττωες μὲν ἔσονται,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli uno la-
tere, ab extremitatibus
duæ rectæ lineæ, interius
constitutæ fuerint, hæ cō-
stitutæ reliquis trianguli
duobus lateribus mino-
res quidem erunt, maio-
rem verò angulum continebunt.

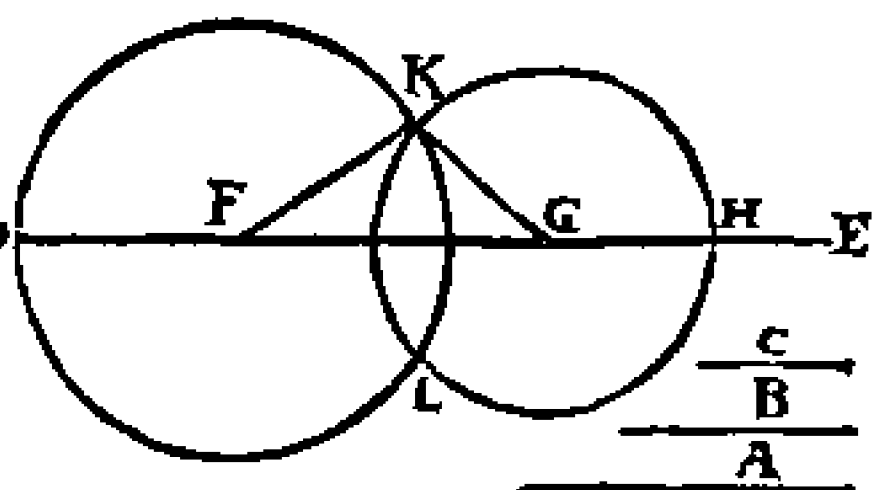


κβ

Ex ῥιγῶν ἐυθετῶν, αἱ εἰσὶν ἴσαι ῥισὶ τῶν δοθείσων ἐυ-
θείαις, ῥιγῶν συστήσασθαι. Δεῖ δὲ τὰς δύο τῆς λοι-
πῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνοντας, διὰ
τὸ καὶ παρὰ τὸς ῥιγῶν τὰς δύο πλευρὰς, τὴν λοιπὴν μεί-
ζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνοντας.

Problema 8, Propositio 22.

Ex tribus
rectis line-
is quæ sunt
tribus da-
tis rectis li-
neis æqua-
les, trian-



gulum constituere. Oportet autem duas re-
liquas esse maiores omnifariā sumptas: quo-
niam uniuscuiusq; trianguli duo latera om-
nifariam

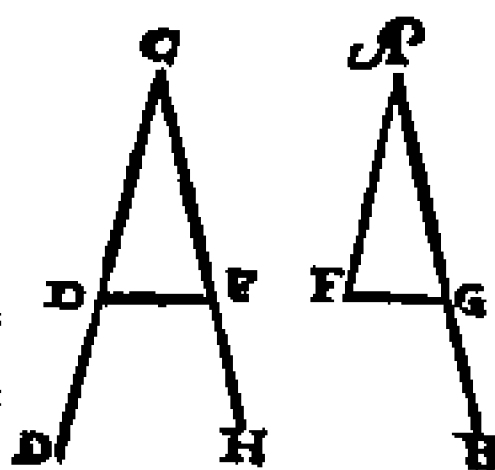
nifariam sumpta reliquo sunt maiora.

xy

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐυθυγράμμῳ ἴσῳ γωνίαν ἐυθύγραμμον συστήσασθαι.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectam lineam datumq; in ea punctum, dato angulo rectilineo æqualem angulum rectilineum constituere.

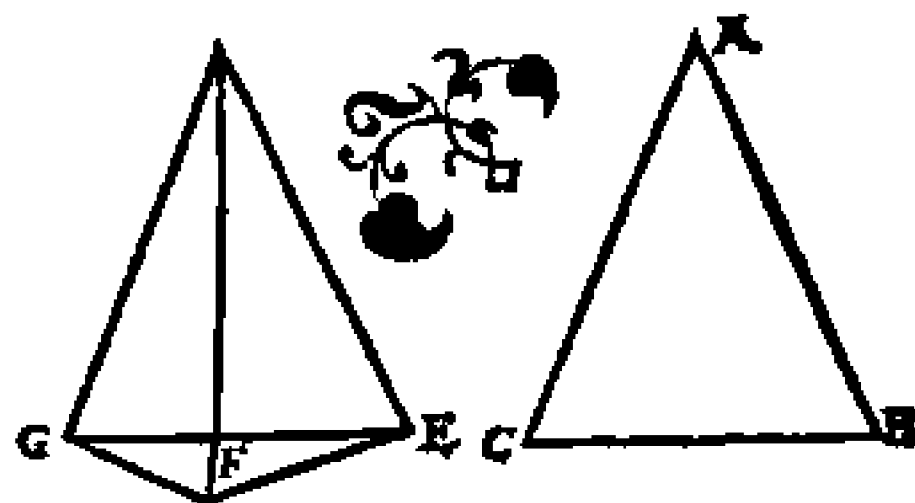


xd

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυοσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν ὃ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθεῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo triangu-
la duo la-
tera duo
bus late-
ribus æ-
qualia ha-



buerint, vtrunq; vtriq; angulum verò angulo maiorem sub æqualibus rectis lineis contentum: & basin basi maiorem habebunt.

B 5

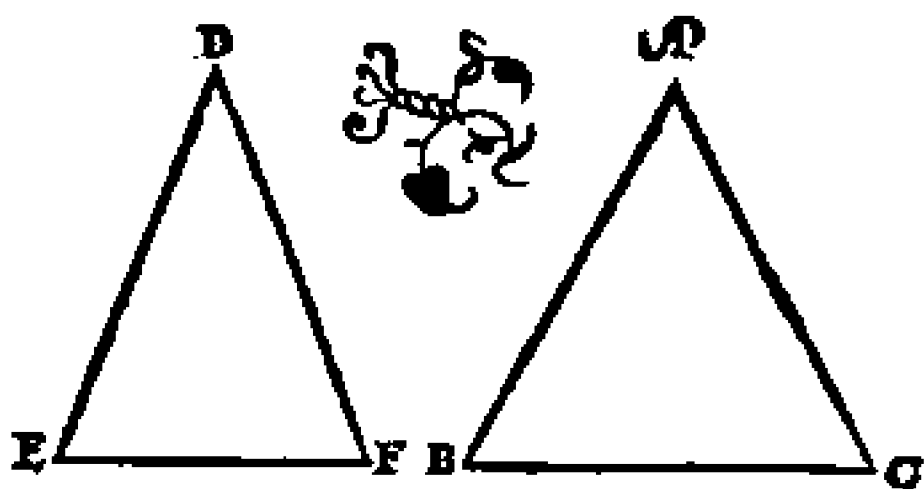
xe Εὰν

Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευρῶν ἴσας ἔχῃ, ἐκατέραν ἐκατέρᾳ, τὴν βάσιν ᾗ τῇ βάσειως μείζονα ἔχῃ, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίας μείζονα ἔξῃ, τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθειῶν περιεχομένην.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habuerint, utrunque utrique, basin verò basi maiorem: & angulum sub æqualib⁹

rectis lineis contentū angulo maiorem habebunt.



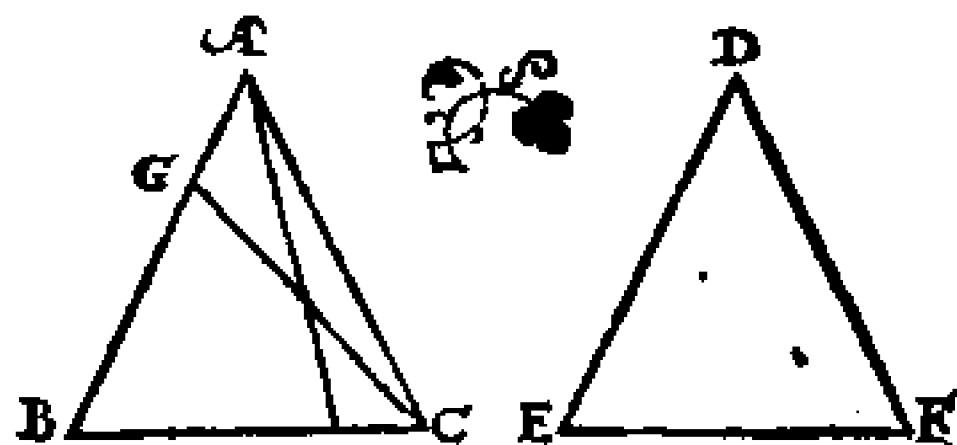
Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας ταῖς δυσὶ γωνίαις ἴσας ἔχῃ, ἐκατέραν ἐκατέρᾳ, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ ἴσῃ, ᾗ τῇ τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις, ἢ ὑποτείνουσιν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς πλευρῶν ἴσας ἔξει, ἐκατέραν ἐκατέρᾳ, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ γωνία.

Theorema 17. Propositio 26.

Si duo triangula duos angulos duobus angulis æquales habuerint, utrunque utrique, unum-

vnunq̃ue latus vni lateri æquale, siue quod æqualibus adiacet angulis, seu quod vni æqualium angulorum subtenditur: & reliqua latera

reliquis laterib. equalia, vtrumq; vtri- que, &



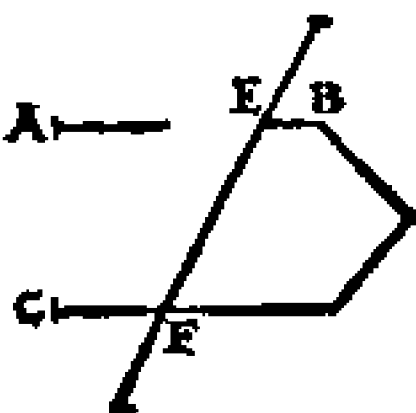
reliquum angulum reliquo angulo æqualem habebunt.

κζ

Εάν εις δύο ευθείας ευθεία ἐμπίπτουσα τὰς ἐναλ- λάξ γωνίας ἴσας ἀλλήλων ποιῇ, παράλληλοι ἐθνται ἀλλήλων αἱ ευθείαι.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re- cta incidens linea alterna- tim angulos æquales inter se fecerit: parallelæ erunt inter se illæ rectæ lineæ.



κη

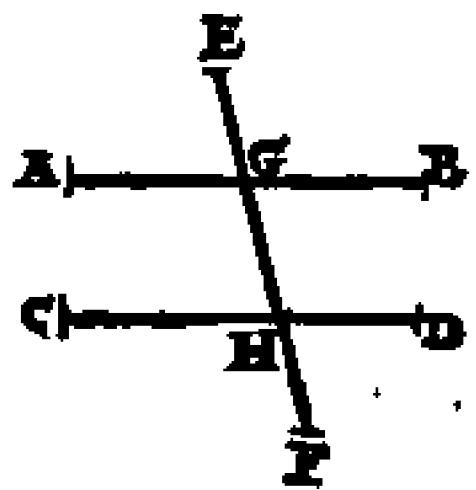
Εάν εις δύο ευθείας ευθεία ἐμπίπτουσα, τὴν ἐκτὸς γω- νίαν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσως ποιῇ, ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῇ, παράλληλοι ἐθνται ἀλλήλων αἱ ευθείαι.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea, externum angulum interno, & opposito, & ad easdem partes æqualem fecerit, aut internos & ad easdem partes duobus rectis æquales: parallelæ erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

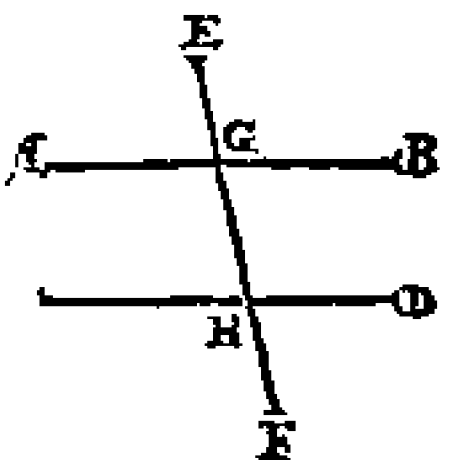


κ θ

ἢ εἰς τὰς παραλλήλους εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα, τὰς τε ἐναντίας γωνίας ἴσας ἀλλήλους ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκ τὸς τῇ ἐν τὸς καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἴσους, καὶ τὰς ἐν τὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas lineas recta incidens linea, & alternatim angulos inter se æquales efficit & externū interno & opposito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.



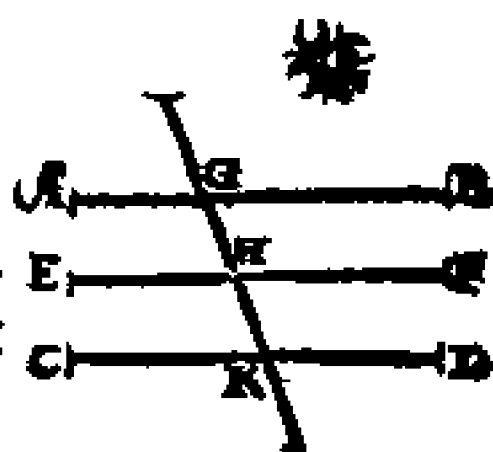
λ

Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παράλληλοι, καὶ ἀλλήλους εἰσὶ παράλληλοι.

Theo.

Theorema 21. Propositio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ, parallelæ, & inter se sunt parallelæ.

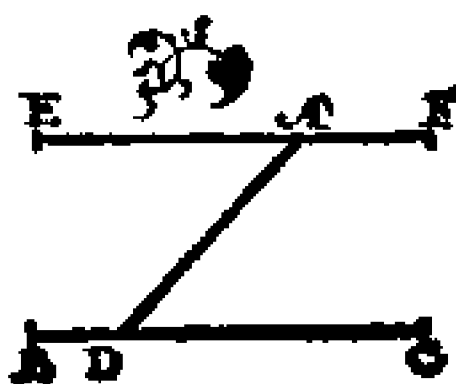


λα

Απὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ παράλληλον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν

Problema 10. Propositio 31.

A dato puncto datæ rectæ lineæ parallelam rectam lineam ducere.

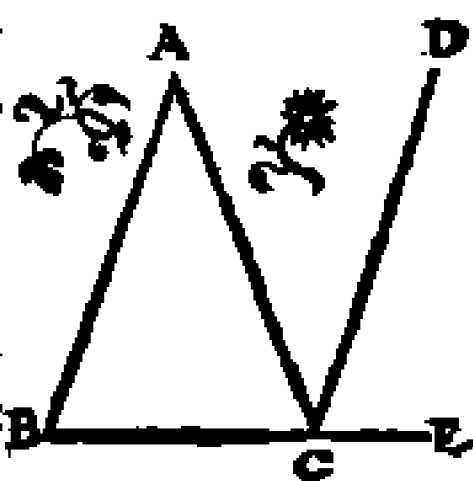


λβ

Παντὸς ῥιγώνος μιᾶς τῶν πλευρῶν προσεκβληθείσης, ἡ ἐκτὸς γωνία δυσὶ ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἴση ἐστὶ. Καὶ αἱ ἐντὸς τοῦ ῥιγώνος ῥεῖς γωνίαι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltcrius producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli ductibus sunt rectis æquales.



λγ Αε

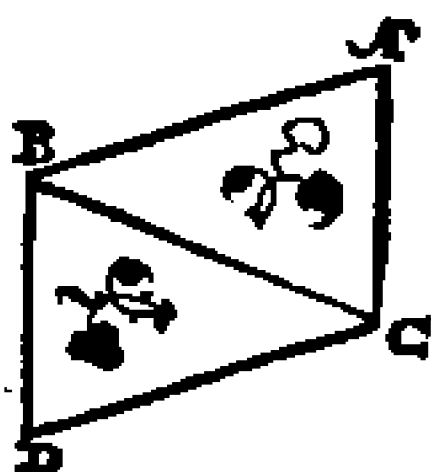
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

λ γ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπὶ ζευγνίσσαι ἐνδεῖαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ παραλλήλοί εἰσιν.

Theorema 23. Propositio 33.

Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdē coniungunt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.

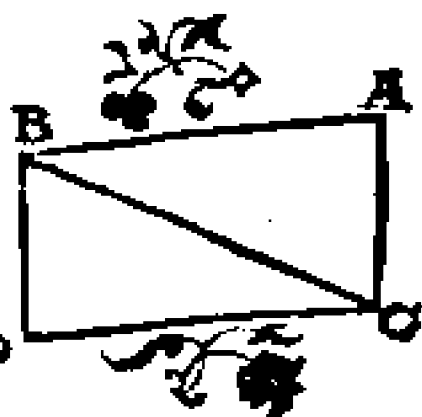


λ δ

Τῶν παραλληλογράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ· καὶ ἡ διάμετρος αὐτὰ δίχα τέμνει.

Theorema 24. Propositio 34.

Parallelogrammorum spatiorum æqualia sunt inter se quæ ex aduerso & latera & anguli: atque illa bifariam secat diameter.



λ ε

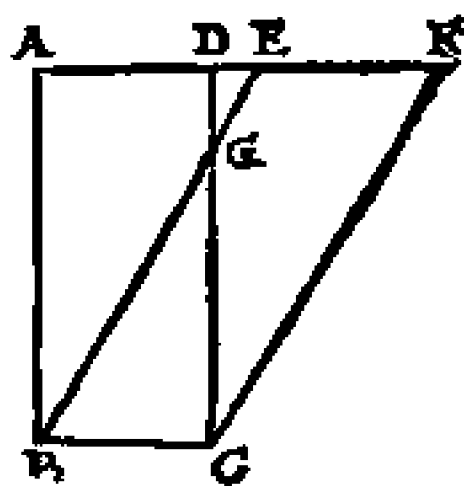
Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσιν.

Theo-

Theorema 25. Propositio 35.

Parallelogrāma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

λς



Τὰ παραλλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super æqualibus basibus

& in e.

isdē pa

ralleis

cōstitu

ta, inter

se sunt

æqua-

lia.

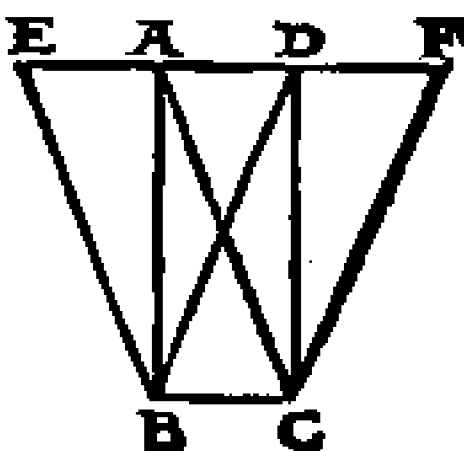
λζ

Τὰ ῥίγματα, τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theorema 27. Propositio 38.

Triangula super eadem basi constituta, & in eisdem parallelis, inter se sunt æqualia.

λη Τὰ



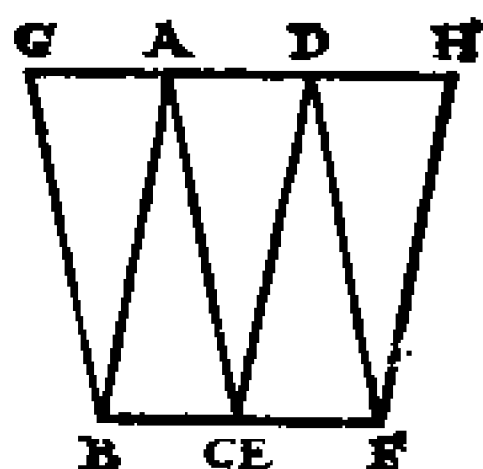
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

λη

Τὰ ζίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς αὐ-
ταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

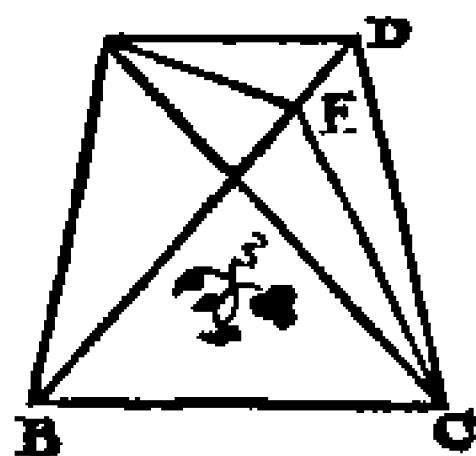


λθ

Τὰ ἴσα ζίγωνα τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα, καὶ ἐπὶ
τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις εἰσίν.

Theorema 29. Pro-
positio 38.

Triangula æqualia super
eadem basi & ad easdem
partes constituta: & in eis-
dem sunt parallelis.

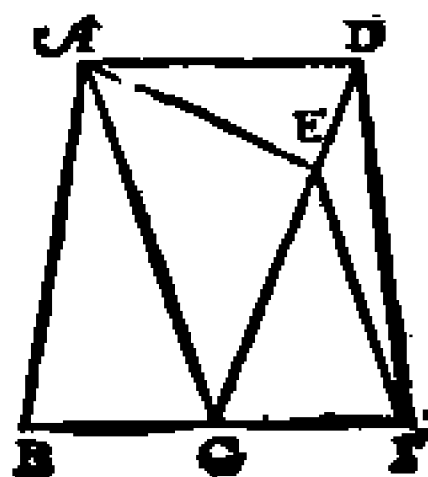


μ

Τὰ ἴσα ζίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
εἰσίν.

Theorema 30. Pro-
positio 40.

Triangula æqualia super
æqualibus basibus & ad
easdem partes constituta,
& in eisδὲ sunt parallelis.



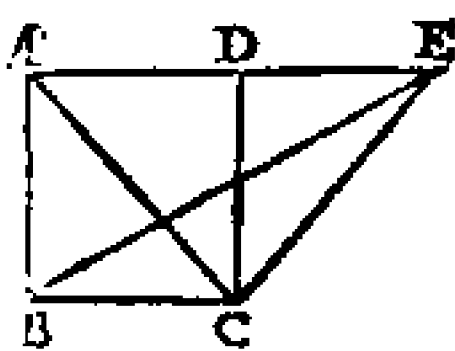
μα. ἔσιν

μα

Εάν παραλληλόγραμμον ῥιγώνω βάσιν τε ἔχη τὴν αὐτὴν, καὶ αἱ τῶν αὐτῶν παραλλήλοις ἢ, διπλασίον ἴσται τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ ῥιγώνου.

Theorema 31. Propositio 41.

Si parallelogrammum cū triangulo eandem basin habuerit, in eisdemq; fuerit parallelis, duplum erit parallelogrammum ipsius trianguli.

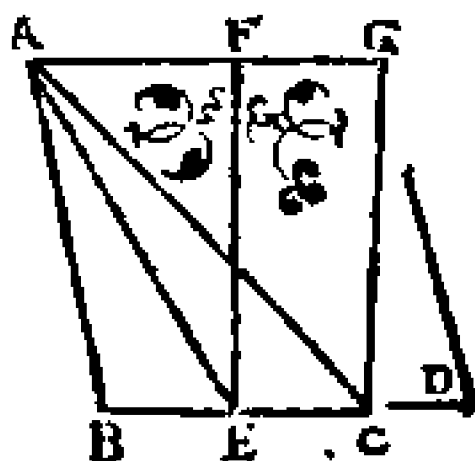


μβ

Τῷ δοθέντι ῥιγώνω ἴσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι, ὅς τῃ δοθείσῃ ἐυθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema 11. Propositio 42.

Dato triangulo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.



μγ

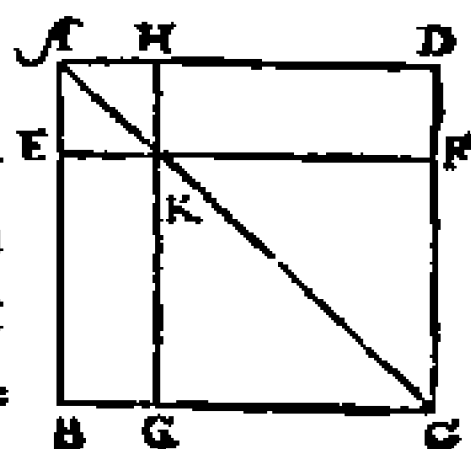
Παντὸς παραλληλογράμμου, τῶν περὶ τὴν διάμετρον παραλληλογράμμων ἁ παραπληρώματα, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

C

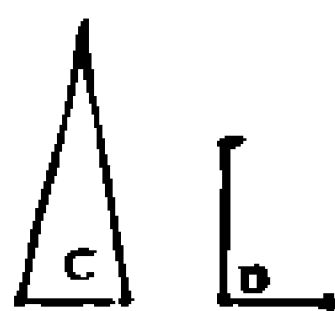
Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM. .
Theorema 32. Propo-
sitio 43.

In omni parallelogram-
mo, complementa eorum
quæ circa diametrum sunt
parallelogrammorum, in-
ter se sunt æqualia.

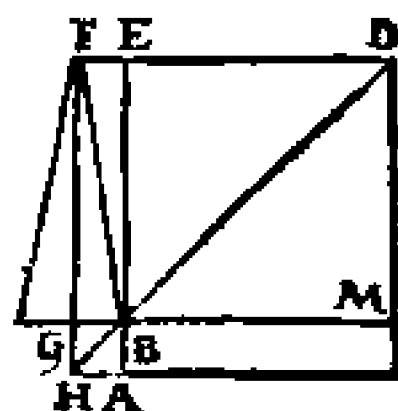


$\mu\delta$
Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν,
τῷ δαδένῳ ῥιγώνῳ ἴσον πα-
ραλληλόγραμμον παραβα-
λεῖν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυ-
γράμμῳ.



Problema 12. Propo-
sitio 44.

Ad datam rectam lineam,
dato triangulo æquale pa-
rallelogrammum applica-
re in dato angulo rectili-
neo.

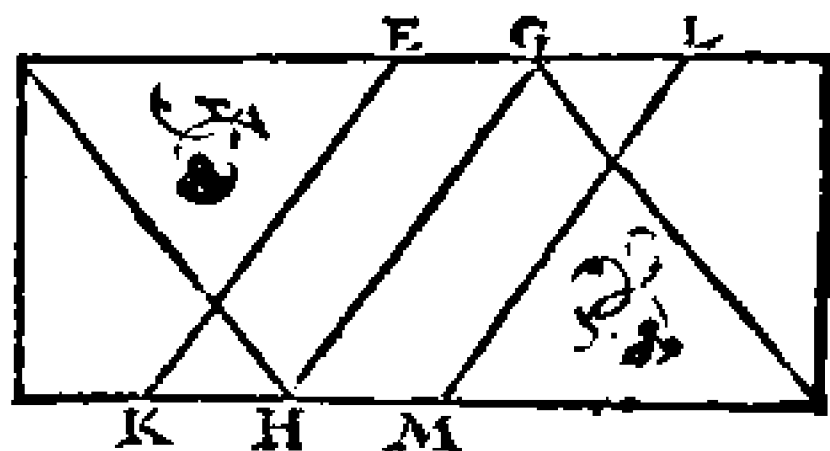
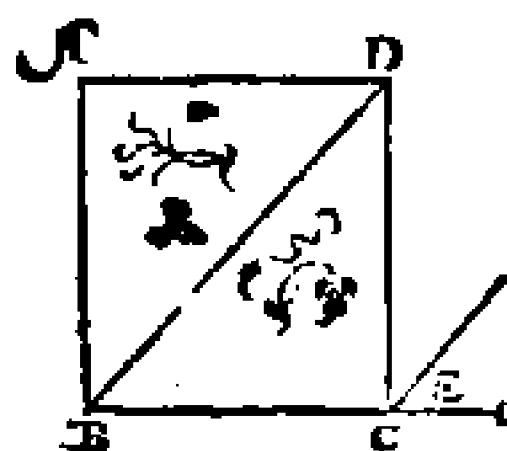


$\mu\epsilon$
Τῷ δοθένῳ εὐθυγράμμῳ ἴσον παραλληλόγραμ-
μον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ

Problema 13. Propositio 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammum
constituere in dato angulo rectilineo.

$\mu\zeta$ Απὸ

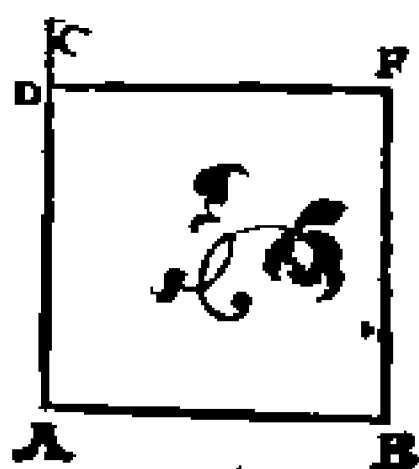


μ ε

Απὸ τῆς δευτέρας εὐθείας τετραγώνον ἀναγράφαι.

Problemata 4. Propositio 46.

A data recta linea quadratum describere.

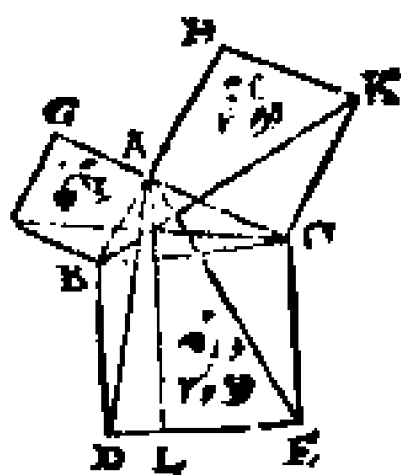


μ ζ

Εν τοῖς ὀρθογωνίαις ῥιγάνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετραγώνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνοις.

Theorema 33. Propositio 47.

In rectangulis triangulis, quadratum quod à latere rectum angulum subtendente describitur, æquale est eis quæ à lateribus



C 2

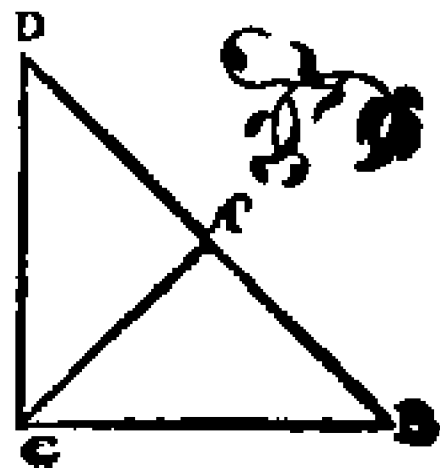
rectum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 rectum angulum continentibus describun-
 tur, quadratis.

Εάν ^{μη} Σ ιγώνε τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγωνον
 ἴσθι ἢ τῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ Σ ιγώνε δύο πλευρῶν
 τετράγωνοις, ἢ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν λοιπῶν
 τοῦ Σ ιγώνε δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστ.

Theorema 34. Propositio 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trian-
 guli describitur, æquale sit
 eis quæ à reliquis triangu-
 li lateribus describuntur,
 quadratis: angulus cōpre-
 hensus sub reliquis duo-
 bus trianguli lateribus, re-
 ctus est.



FINIS ELEMENTI I.

ΕΥΚΛΕΙ¹⁹
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM SECVNDVM.

ΠΡΟΙ.

α

ΠΑΝ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, περιέχεται λέγεται ὑπὸ δύο τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχσῶν ἐυθειῶν.

DEFINITIONES.

I

Omne parallelogrammum reſtangulũ contineri dicitur ſub rectis duabus lineis, quæ rectum comprehendunt angulum.

β

Παντὸς ὃ παραλληλογράμμου χωρίον, τῶν περὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ, ἐν παραλληλογράμμων ὁποιοῦν σὺν τοῖς δυσὶ παραπληρώμασι, γνέμων καλεῖσθω.

C 3 2 In

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

2

In omni paral'elogrammo spatio, vnumquodlibet eorum quæ circum diametrum illius sunt paral'elogrammorum, cū de o-
bus complementis, Gno-
mo vocetur.

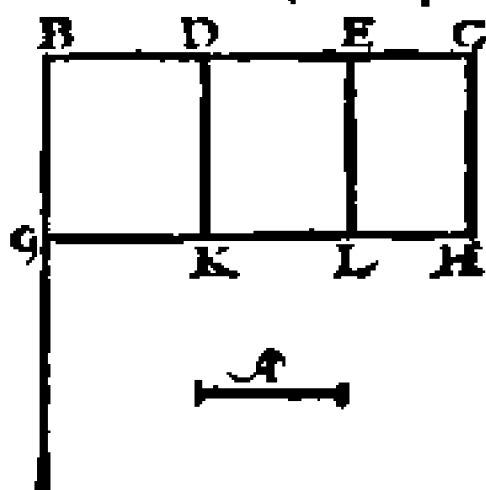


Πρότασις α.

Εάν τις δύο εὐθείαι, τμηθῇ ἢ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα
δυνατοῦν τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώνιον
ὑπὸ τῶν δευτέρων, ἴσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ τε τῇ ἀμεί-
νῃ καὶ ἐκάστῃ τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογώ-
νις.

Theorema 1. Propositio 1.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, succuturque ipsa-
rum altera in quocunq; segmenta: rectangulum
comprehensum sub illis
duabus rectis lineis, æqua-
le est eis rectangulis quæ
sub infecta & quolibet se-
gmentorum compreen-
duntur.



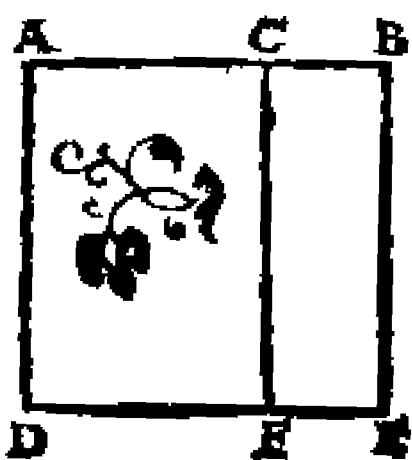
β

Εάν τις εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὅς τις τευχῇ τὰ ὑπὸ τῶν
καὶ ἐκάστῃ τῶν τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώ-
νια ἴσα ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ὅλης τετραγώνῳ.

Theo-

Theorema 2. Propositio 2.

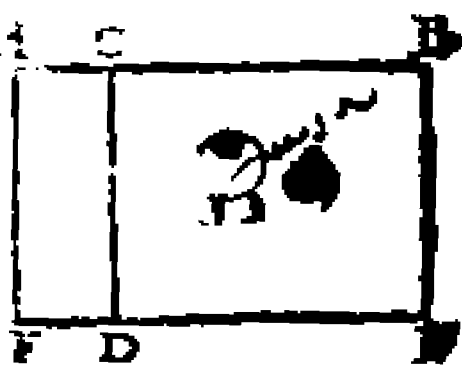
Si recta linea secta sit ut-
cunq; , rectangula quæ sub
tota & quolibet segmen-
torum comprehenduntur,
æqualia sunt ei, quod à to-
ta sit, quadrato.



Εάν ευθεία γραμμὴ ὡς ἐτυχε τμηθῇ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
καὶ ἐνὲς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον,
ἴσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρ-
θογώνιῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ περιεχόμενου τμήματος
τετραγώνῳ.

Theorema 3. Propositio 3.

Si recta linea secta sit utcumque, rectangu-
lum sub tota & uno se-
gmentorum comprehen-
sum, equale est & illi quod
sub segmento compre-
henditur rectangulo, & il-
li, quod à prædicto segmento describitur,
quadrato.

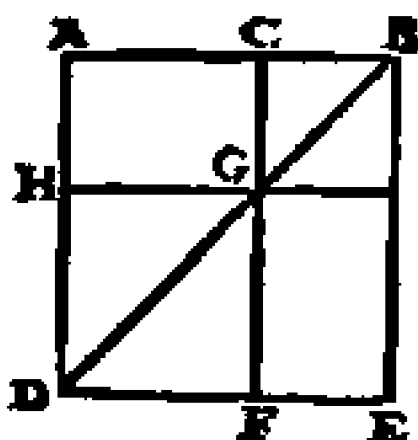


Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅ-
λης περιεχόμενον, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμημά-
των τε περιεχομένοις, καὶ τῷ δις ὑπὸ τῶν τμημάτων πε-
ριεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 4. Propositio 4.

Si recta linea secta sit ut-
cunque:quadratum quod
à tota describitur, æquale
est & illis quæ à segmentis
describuntur quadratis, &
ei quod bis sub segmentis
cōprehenditur, rectāgulo.

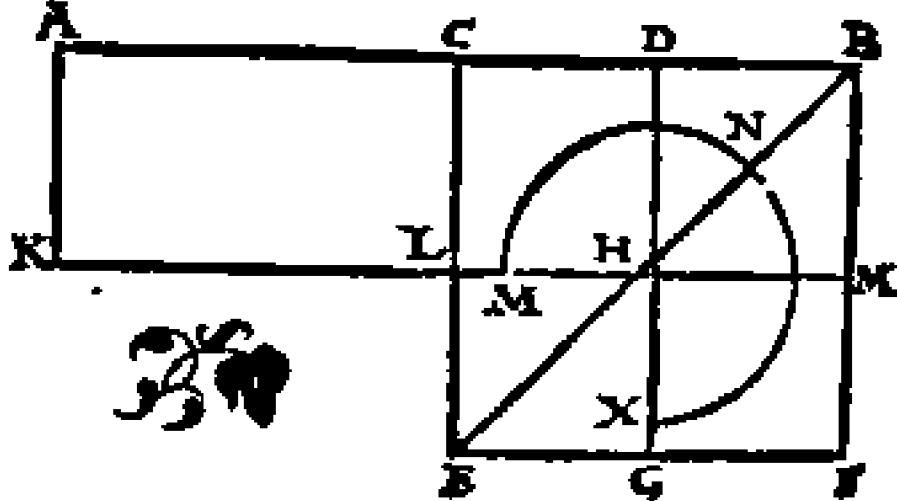


ε

Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἄνισα, τὸ ὑπὸ
τῶν ἀνίσων τῇ ὅλῃς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς μεταξύ τῶν τομῶν τετρα-
γώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνῳ.

Theorema 5. Propositio 5.

Si recta linea secetur in æqualia & non æ-
qualia: rectangulum sub inæqualibus seg-
mentis totius comprehensum, unà cum qua-
drato, qd' ab inter-
media se-
ctionū, æ-
quale est
ei quod à
dimidia
describitur, quadrato.



ς

Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσεθῇ δέ τις αὐ-
τῇ ευθεία ἐκ τῆς ευθείας, ὀρθόγωνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
σὺν

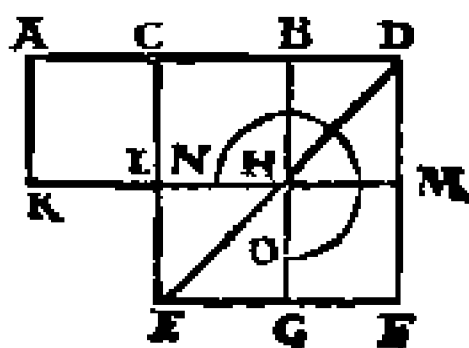
LIBER II.

21

σὺν τῇ προσκειμένῃ, καὶ τῇ προσκειμένης περιεχόμε-
νον ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώ-
νου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς συγκειμένης ἔκ τε τῆς ἡμισείας
καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τε-
τραγώνῳ.

Theorema 6. Propositio 6.

Si recta lineae bifariam secetur, & illi rectae
quædam linea in rectum adijciatur, rectan-
gulum comprehensum sub tota cum adiec-
ta & adiecta simul cum
quadrato à dimidia, æ-
quale est quadrato à li-
nea, quæ tum ex dimidia,
tum ex adiecta componi-
tur, tanquam ab una de-
scripto.



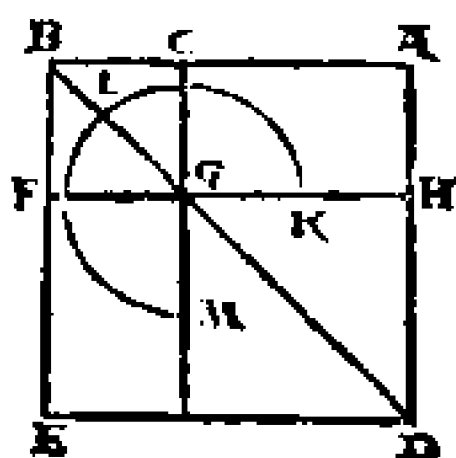
Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅ-
λης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέ-
ρα τετραγώνων ἴσα ἐστὶ τῷ τε δίσκῳ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ
εἰρημένου τμήματος περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, καὶ τῷ
ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Theorema 7. Propositio 7.

Si recta lineae secetur utcumque: quod à to-
ta, quodque ab uno segmentorum, utraque
C ; simul

ELUCID. ELEMEN. GEOM.

simul quadrata, æqualia sunt & illi quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi quod à reliquo segmento sit, quadrato.

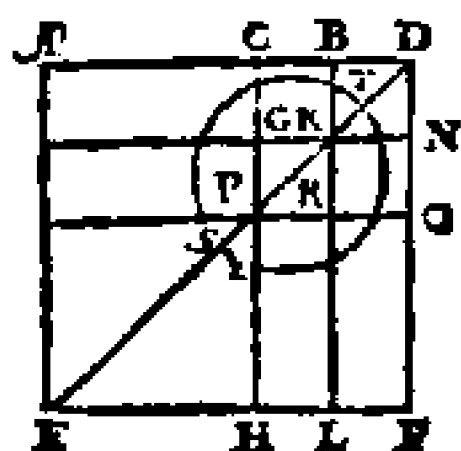


η

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ ἀπὸ τῶν τμημάτων τετραγώνον ἐξδογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ ἐκτεθέντος τμήματος, ὥς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντα τετραγώνω.

Theorema 8. Propositio 8.

Si recta linea secetur utcumque: rectangulum quater comprehensum sub tota & vno segmentorum, cum eo quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei quod à tota & dicto segmento, tanquam ab vna linea describitur, quadrato.



θ

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα, τὰ ἀπὸ τῶν ἀνιστῶν τῆς ὅλης τμημάτων τετραγώνον, διπλασιάσαι τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰ τῶν τμῶν τετραγώνου.

Theo.

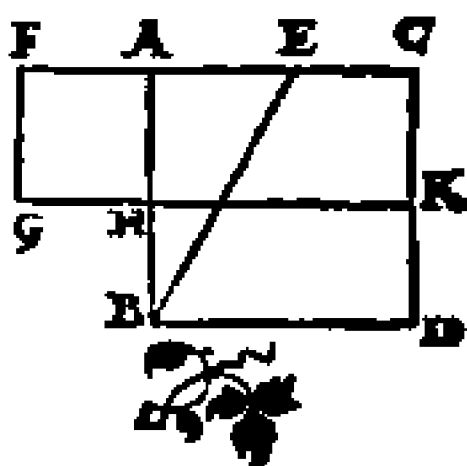
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

1α

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥς τε τὸ ὑπὸ τῇ ὅλῃς καὶ τοῦ ἐτέρου τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Problema 1. Propositio 11.

Datam rectam lineam secare, ut comprehensum sub tota & altero segmentorum rectangulum, æquale sit ei quod à reliquo segmento fit, quadrato.



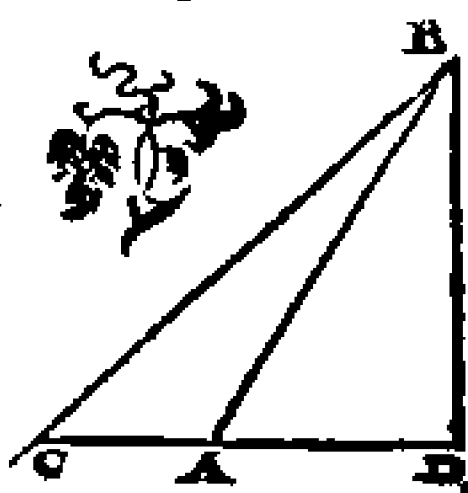
1β

Εν τοῖς ἀμβλυγωνίοις, ζιγώνοις, τὸ ἀπὸ τῇ τὴν ἀμβλείαν γωνίαν ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετραγώνον, μείζον ἔστι τῶν τὴν ἀμβλείαν περιεχουσῶν πλευρῶν, τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δὲς ὑπὸ τε μιᾶς τῶν περὶ τὴν ἀμβλείαν γωνίαν, ἐφ' ἣν ἐκβληθεῖσαν ἢ καθεύτης πίπτει, καὶ τῇ ἀπολαμβανομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῇ καθεύτης πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 11. Propositio 12.

In amblygonijs triangulis, quadratū quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quan-

quantitate rectanguli bis comprehensi & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cum protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriorius linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.



17

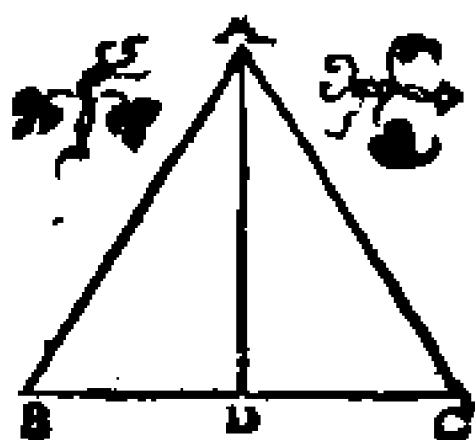
Εν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὀξείας γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετραγώνον, ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν τὴν ὀξείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δὲς ὑπὸ τῆς μιᾶς τῶν περὶ τὴν ὀξείαν γωνίαν, ἐφ' ἣν ἡ κάθετος πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης οὐτὸς ὑπὸ τῆς καθέτου πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 12. Propositio 13.

In oxygonijs triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

rum, quæ sunt circa acutum angulum, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interioris linea sub perpendiculari prope acutum angulum.

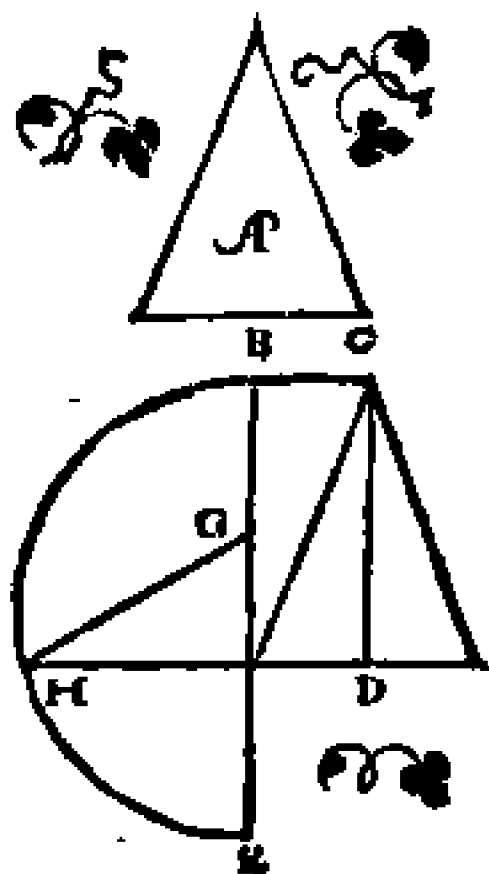


18

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσιν τετράγωνον συστήσασθαι.

Problem 2. Proposition 14.

Dato rectilineo æquale quadratum constituere.



ELEMENTI II. FINIS.

ΕΥΚΛΕΙ²⁴

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM TERTIVM.

ΒΡΟΙ.

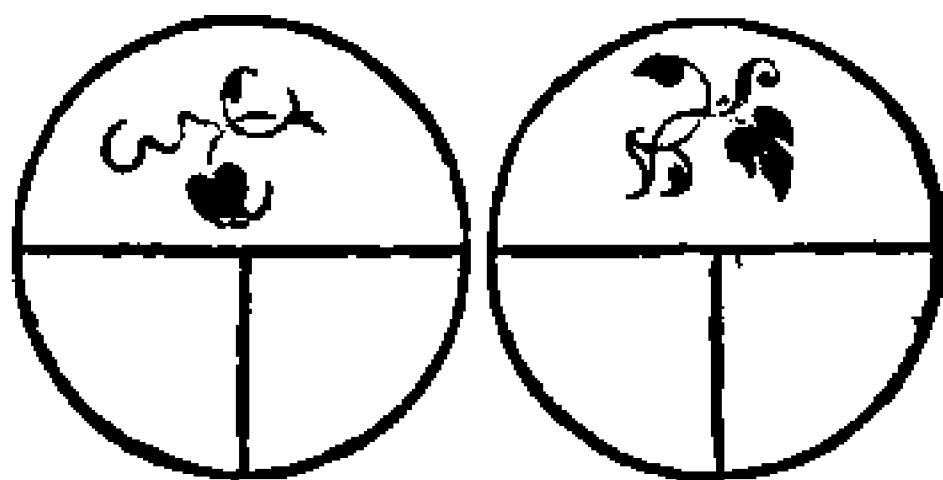
α

ΙΣΟΙ κύκλοι εἰσιν, ὧν αἱ διάμετροι εἰσὶ ἴσαι·
ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσιν.

DEFINITIONES.

I

Aequales circuli, sunt quorū diametri sunt
aequales,
vel quo-
rumque
ex cētris
rectæ li-
neæ sunt
aequales.



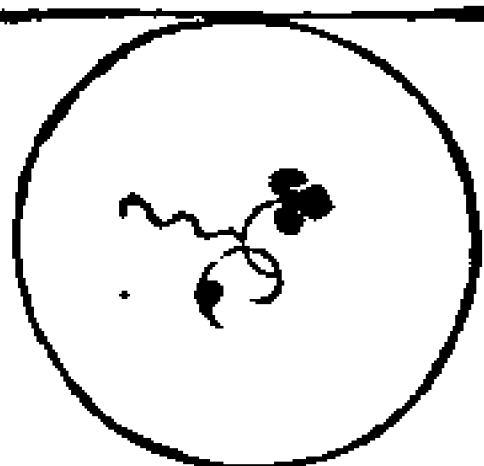
β

Εὐθεῖα κύκλῳ ἐφάπτηςθαι λέγεται, ἥ ὡς ἀπιομένη
τοῦ κύκλου, καὶ ἰσχυρομένη, οὐ τέμνει τὸν κύκλον.

2 Recta

2

Recta linea circulum tan-
gere dicitur, quæ cùm cir-
culum tangat, si produca-
tur, circulum non secat.

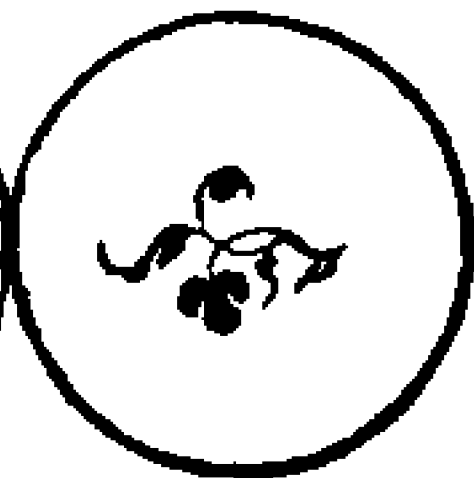
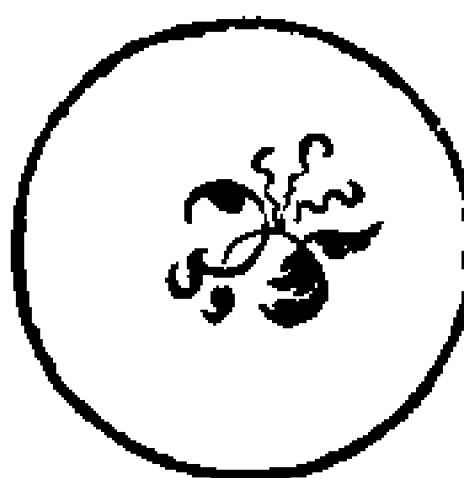


γ

Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἱ τινες ἀπὸ τοῦ
κεντροῦ ἀλλήλων, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλους.

3

Circuli
sefe mu-
tuo tan-
gere di-
cuntur:
qui sefe
mutuo



tangentes, sefe mutuo non secant.

δ

Εν κύκλῳ ἴσον ἀπέχειν τοῦ κέντρου εὐθεῖαι λέγονται,
ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐτὰς κἀθετοὶ ἀγόμε-
ναι ἴσαι ᾖσι: μείζον ᾧ ἀπέχειν λέγεται, ἐφ' ἣν ἡ μεί-
ζων κἀθετος πίπτει.

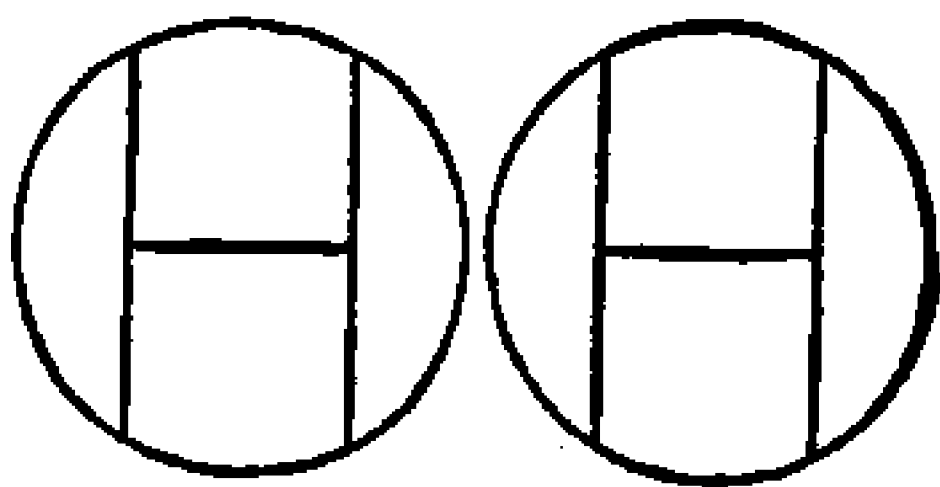
4

In circulo æqualiter distare à centro rectæ
lineæ dicuntur, cùm perpendiculares, quæ
à cen-

A centro
in ipsas
ducuntur,
sunt æ-
quales.

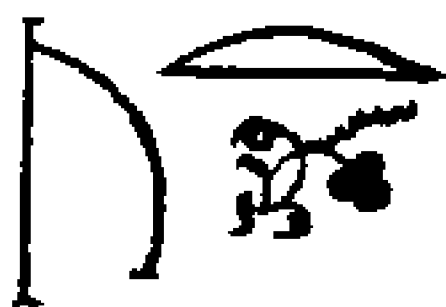
Longius
autē ab-

esse illa dicitur, in quam maior perpendicu-
laris cadit.



Τμήμα κύκλου ἐστὶ τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ
τε εὐθείας καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmentum circuli est, fi-
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com-
prehenditur.



Τμήματος ὁ γωνία ἐστίν, ἡ περιεχομένη ὑπὸ τε εὐ-
θείας, καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmenti autem angulus est, qui sub recta li-
nea & circuli peripheria comprehenditur.

Ἐν τμήματι ὁ γωνία ἐστίν, ὅταν ἐπὶ τῆς περιφε-
ρείας τοῦ τμήματος ληφθῇ ἡ συνμέτρων καὶ ἀπ' αὐ-
τοῦ ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς εὐθείας, ἢ ἐπὶ βάσεις τῆς τμή-
ματος

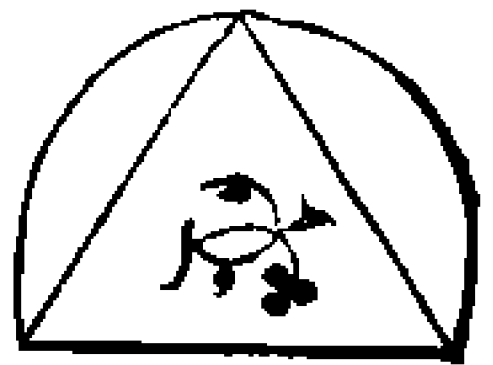
D

ματς,

μαρς, ἐπεξευχθῶσιν εὐθεῖαι ἢ περιεχομένη γωνία
ὑπὸ τῶν ἐπιευχθῶσων εὐθεῶν.

7

In segmento autem angulus est, cū in se-
gmenti peripheria sumptum fuerit quod-
piam punctum, & ab illo
in terminos rectæ eius li-
neæ, quæ segmenti basis
est, adiunctæ fuerint re-
ctæ lineæ: is, inquam, an-
gulus ab adiunctis illis li-
neis comprehensus.

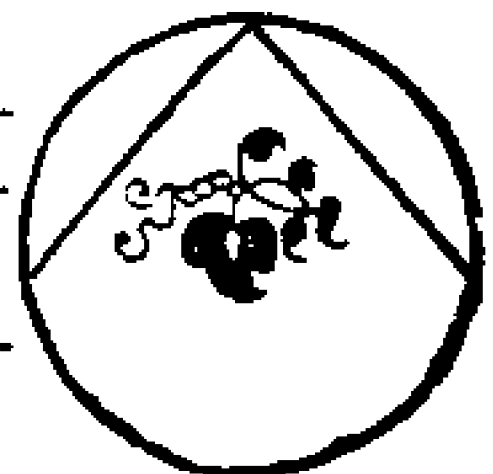


η

ὅταν ᾖ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν εὐθεῖαι ἀπολαμ-
βάνωσιν ἕνα περιφέρειαν, ἐπ' ἐκείνης λέγεται ἐεξη-
χέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehen-
dentes angulum rectæ li-
neæ aliquam assumunt pe-
ripheriam, illi angulus in-
sistere dicitur.



θ

Τομεὺς ᾖ κύκλος εἶναι, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ
τοῦ κύκλου σταθῇ ἡ γωνία: το περιεχόμενον σχῆμα
ὑπὸ τε τῶν τὴν γωνίαν περιέχουσων εὐθεῶν καὶ τῆς
ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν, περιφερείας.

9 Sector

9

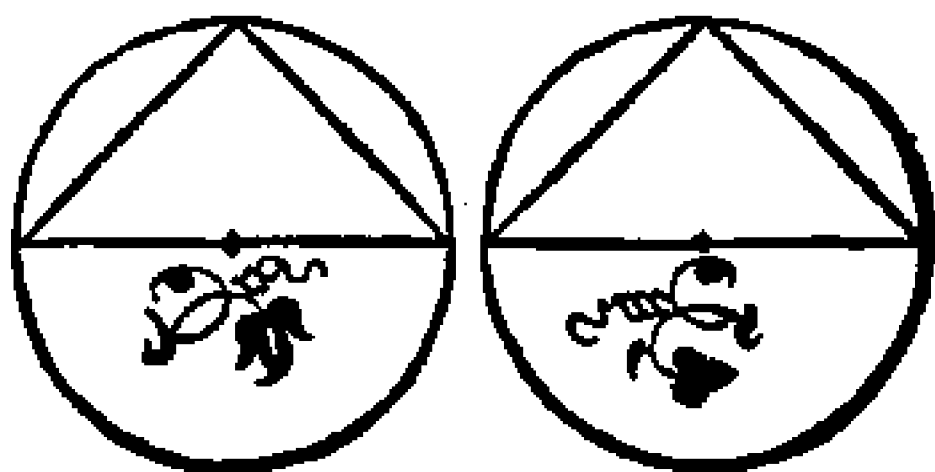
Sector autem circuli est, cum ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου εἰν, τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας: ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales: aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



Προτάσις.

α

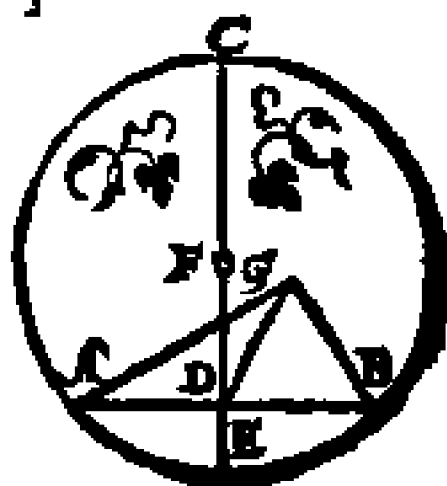
Τοῦ δοθέντος κύκλου τὸ κέντρον εὐρεῖν.

Problema 1. Proposition 1.

Dati circuli centrum reperire.

D 2

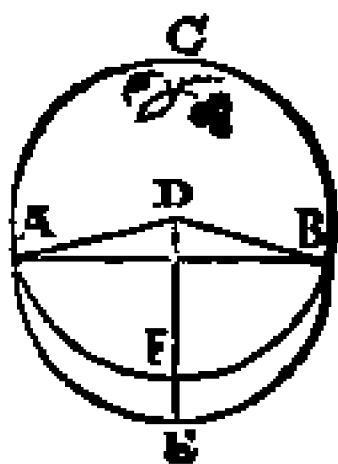
β Εἰν



Εάν κύκλος ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ληφθῇ δύο τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ αὐτὰ σημεῖα ὁπτιζευγυμένη εὐθεῖα, ἐντὸς πεσῇται τοῦ κύκλου.

Theorema 1. Pro-
positio 2.

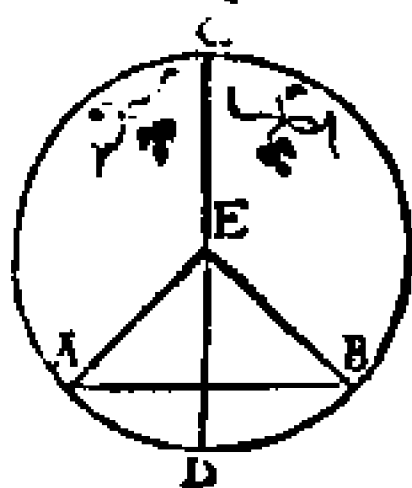
Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circum-
lum cadet.



Εάν ὁ κύκλος εὐθεῖα τις διὰ τοῦ κέντρου, εὐθεῖαν τινα μὴ διὰ τοῦ κέντρου δίχα τέμνη, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τεμεῖ. καὶ εἰς πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τέμνη, καὶ δίχα αὐτὴν τεμεῖ.

Theorema 2. Propositio 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandam non per centrum extensam bifariam secet: & ad angulos rectos ipsam secabit. Et si ad angulos rectos eam secet, bifariam quoque eam secabit.

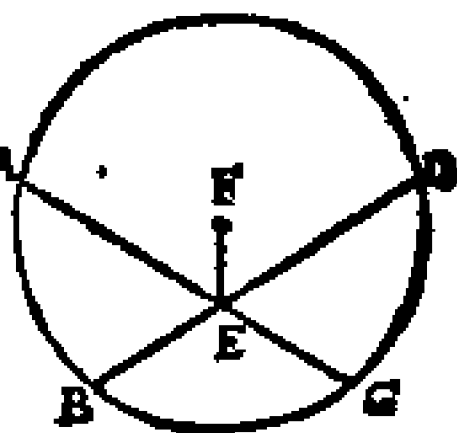


Εάν ὁ κύκλος δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ διὰ τοῦ

τοῦ κέντρου οὐσαι, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλας δίχα.

Theorema 3. Propositio 4.

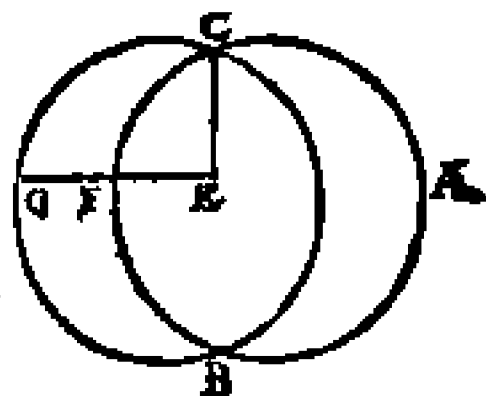
Si in circulo duæ rectæ linee sese mutuò secant nō per centrum extensæ, sese mutuò bifariam non secabunt.



Εάν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, οὐκ ἔσαι αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 4. Propositio 5.

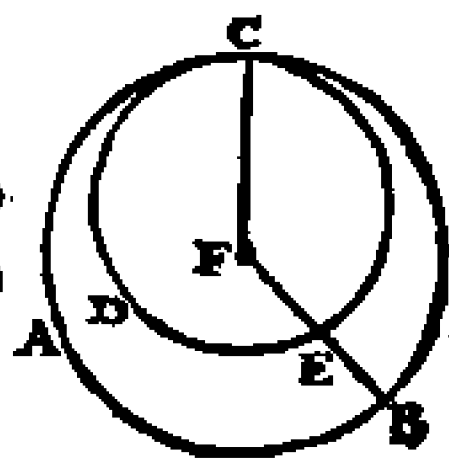
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Εάν δύο κύκλοι ἐφάπλωνται ἀλλήλων ἐντὸς, οὐκ ἔσαι αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 5. Propositio 6.

Si duo circuli sese mutuò interiorius tangant, eorum non erit idem centrum.



Εάν κύκλος ἐπὶ τῇ διαμέτρῳ ληφθῇ τὸ σημεῖον, ὃ μὴ ἔστι κέντρον τοῦ κύκλου, ἀπὸ ὃ τοῦ σημείου προσπίπτωσι,

D 3

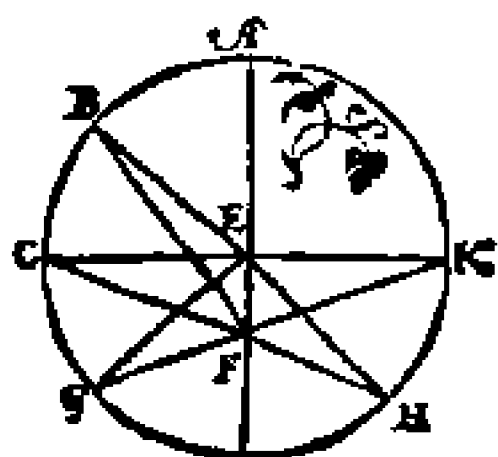
πίπτωσι,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

πλήσιν ευθείαις τινες πρὸς τὸν κύκλον : μέγιστη μὲν ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη ἢ ἡ λοιπή: τῶν δὲ ἄλλων αἰὲς ἢ ἐγγιον τ' διὰ τοῦ κέντρου τ' ἀπώτερον μείζων ἐστί. Δύο ὅμως μόνον ευθείαι ἴσαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theorema 6. Propositio 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur punctum, quod circuli centrum non sit, ab eoque puncto in circulum quædam rectæ lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua centrum, minima verò reliqua: aliarum vero propinquior illi quæ per centrum ducitur, remotiore semper maior est. Duxæ autem solùm rectæ lineæ æquales ab eodem puncto in circulum cadunt, ad utrasque partes minimæ.



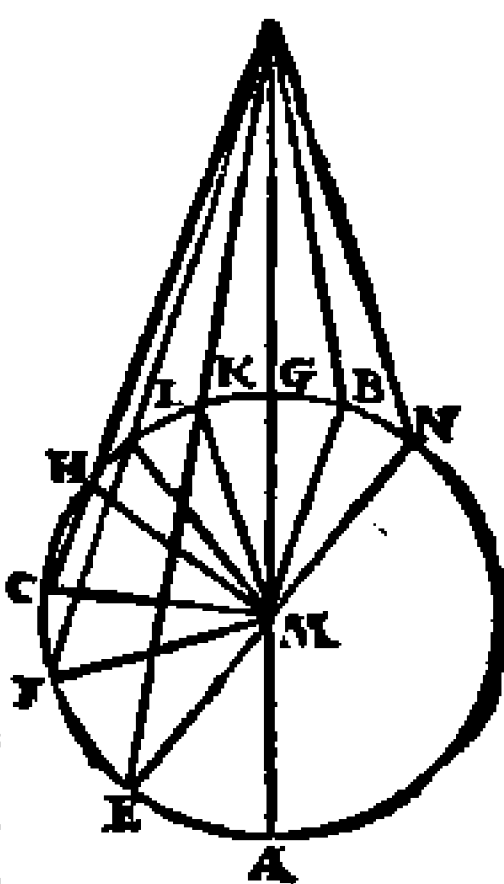
η

Εὰν κύκλῳ ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ ὃ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον διαχθῶσιν ευθείαις τινες, ὧν μία μὲν διὰ τοῦ κέντρου, αἱ ὅλοιπαὶ ὡς ἐτυχε: τῶν μὲν πρὸς τὴν κοίλῳ περιφέρειᾳ προσπιπίσων ευθειῶν, μέγιστη μὲν ἡ διὰ τοῦ κέντρου, τῶν ὅ ἄλλων αἰὲς ἢ ἐγγιον τ' διὰ τοῦ κέντρου, τ' ἀπώτερον μείζων ἔσται.

ἴσαι. τῶν δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπι-
πύσων ἐυθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ἔστιν ἡ μεταξὺ τοῦτε ση-
μεῖος καὶ τῆς διαμέτρου. τῶν δὲ ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγυιον τῆς ἐλα-
χίστης, τὸ ἄνω τερόν ἐστι ἐλάττω. Δύο δὲ μόνον ἐυ-
θεῖαι ἴσαι προσπιπύονται ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν
κύκλον ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theorema 7. Propositio 8.

Si extra circulum sumatur punctum quod-
piam, ab eoque puncto ad circulum dedu-
cantur rectæ quædam lineæ, quarum una qui-
dem per centrum protendatur, reliquæ ve-
rò ut libet in eandem peripheriam cadentiū
rectarum linearum maxima quidem est illa,
quæ per centrum ducitur: aliarum autem
propinquior ei, quæ per
centrum transit, remo-
tiore semper maior est.
in concavam verò peri-
pheriā cadentiū rectarū
linearū, minima quidem
est illa, quæ inter punctū
& diametrum interponi-
tur: aliarum autē, ea quæ
propinquior est mini-
mæ, remotiore semper mi-
nor est. Duæ autē tantum
rectæ lineæ æquales ab eo



puncto in ipsum circulum cadunt, ad utraque partes minimæ. 9

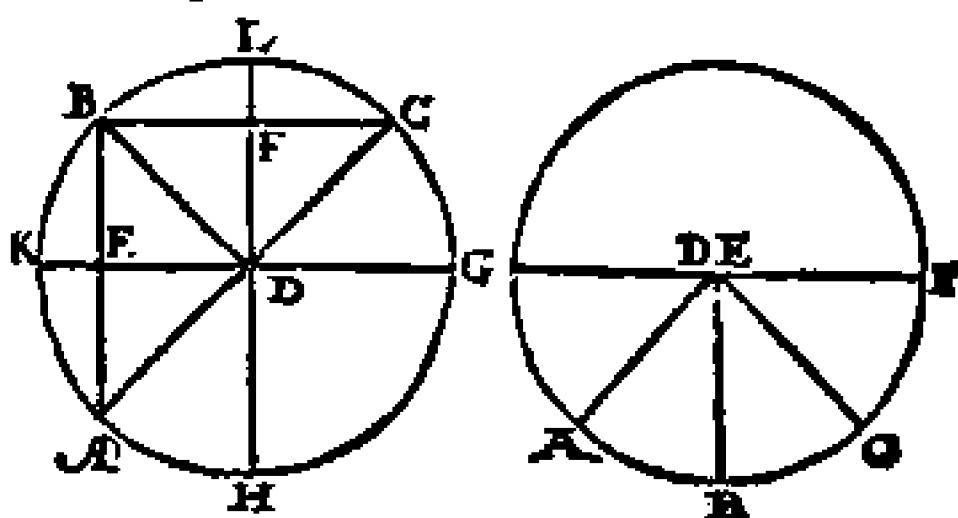
Εάν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ ᾧ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσιν πλείους ἢ δύο εὐθεῖαι ἴσαι, τὸ ληφθὲν σημεῖον, κέντρον ἐστὶ τοῦ κύκλου.

Theorema 8. Propo. 9.

Si in circulo acceptum fuerit punctum aliquod, & ab eo puncto ad circulum cadant plures

quæ duæ rectæ lineæ, æquales, acceptum punctum

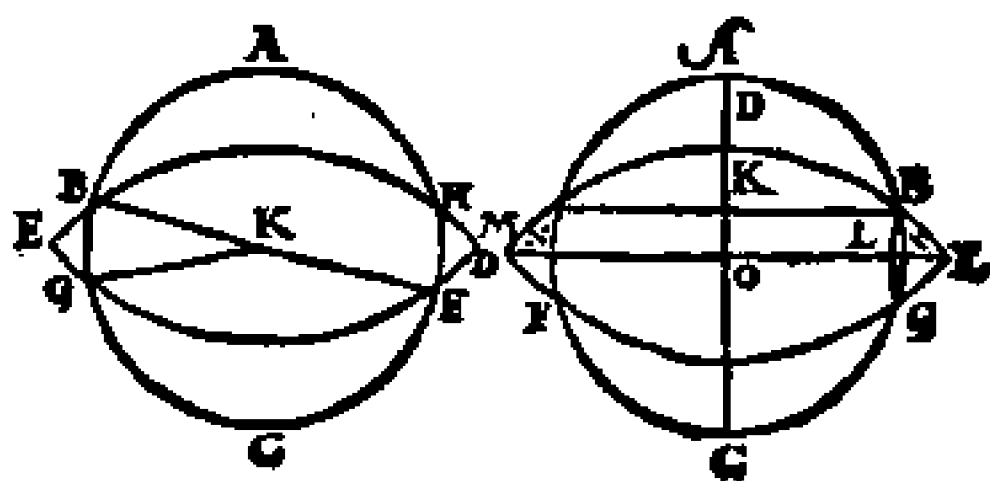
centrum ipsius est circuli.



Κύκλος οὐ τέμνει κύκλον κατὰ πλείονα σημεῖα, ἢ δύο.

Theorema 9. Propositio 10.

Circulus circuli in pluribus quàm duobus punctis non secat.



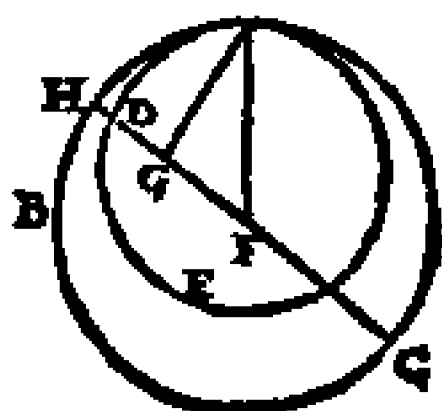
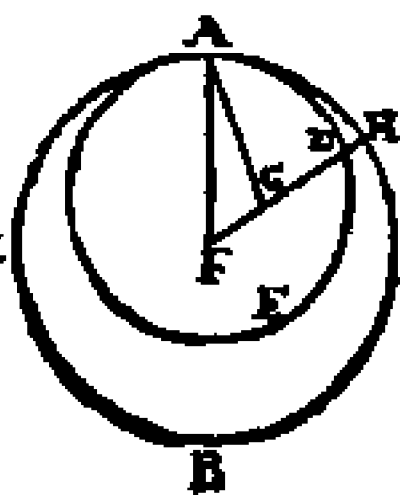
1 α

Ἐὰν δύο κύκλοι ἐφάπωνται ἀλλήλων ἐντὸς, καὶ λη-
φθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ἐπὶ τὰ κέντρα αὐτῶν ἐπι-
ζευγυμένη εὐθεῖα καὶ ἐκβαλλομένη, ἐπὶ τὴν σιγα-
φὴν τεσσάρων τῶν κύκλων.

Theorema 10. Propositio 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atq; ac-
cepta fu-

erint eo-
rū cētra,
ad eorū cētra ad-
iūcta re-
cta linea



& producta in contactum circulorū cadet.

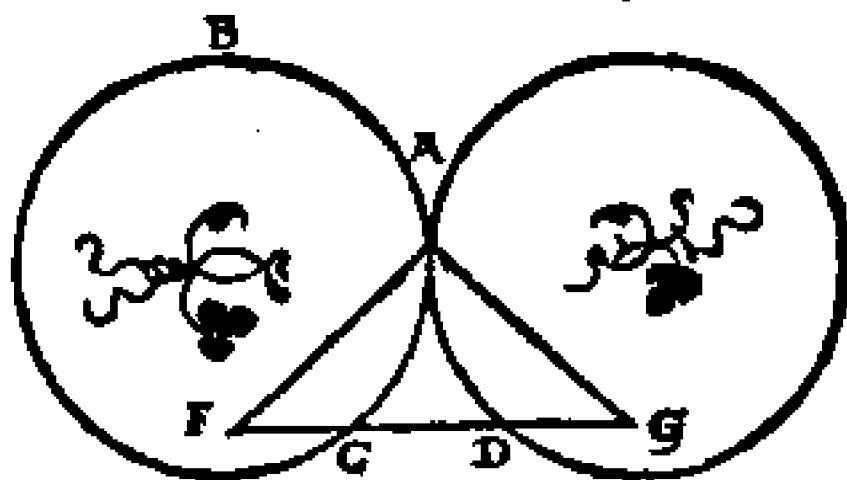
1 β

Ἐὰν δύο κύκλοι ἀπώνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ἐπὶ τὰ
κέντρα αὐτῶν ἐπιζευγυμένη, διὰ τῆς ἐπαφῆς ἐλεύ-
σεται.

Theorema 11. Propositio 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea

recta q̄
ad cētra
eorū ad-
iūgitur,
per cōτα-
αὐτῶν illū
trāsibit,



D 5

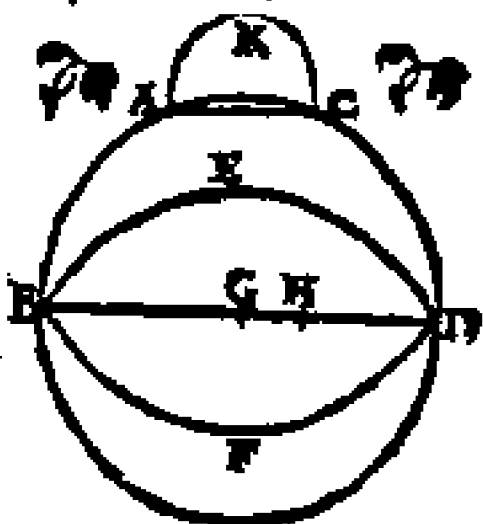
1 γ Κύ-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

¹⁷
Κύκλος κύκλῳ ὅτ' ἐφάπτεται πλείονα σημεῖα ἢ
καθ' ἓν, εἴντε ὅτ' ὅς ἐάντε ἕκτος ἐφάπτεται.

Theorema 12. Propo-
sitiō 13.

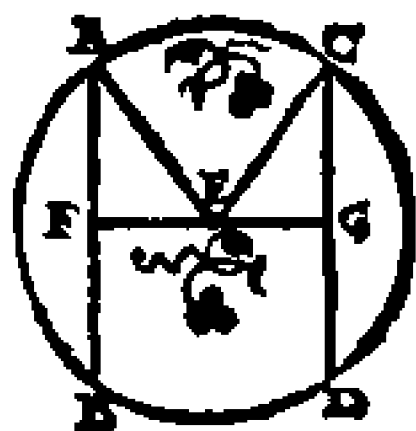
Circulus circulum non
tangit in pluribus pun-
ctis, quam uno, siue intus
siue extra tangat.



¹⁸
Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσθ' ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ
κέντρου καὶ αἱ ἴσθ' ἀπέχουσαι ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι
ἀλλήλαις εἰσίν.

Theorema 13. Propositio 14.

In circulo æquales rectæ
lineæ æqualiter distant à
centro. Et quæ æqualiter
distant à centro, æquales
sunt inter se.

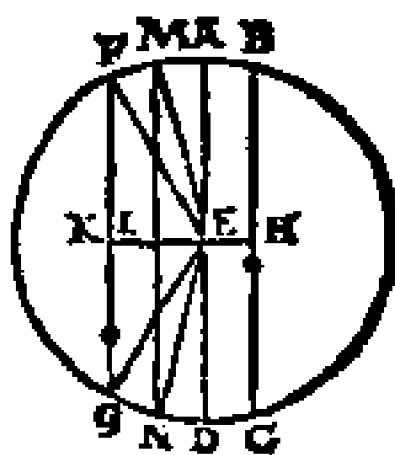


¹⁹
Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ἔσται ἡ διάμετρος, τῶν δὲ
ἄλλων ἀπὸ ἢ ἐγγιον τοῦ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μείζων
ἔσται.

Theo-

Theorema 14. Propositio 15.

In circulo maxima quidē linea est diameter: aliarum autem propinquior centro, remotiore semper maior.

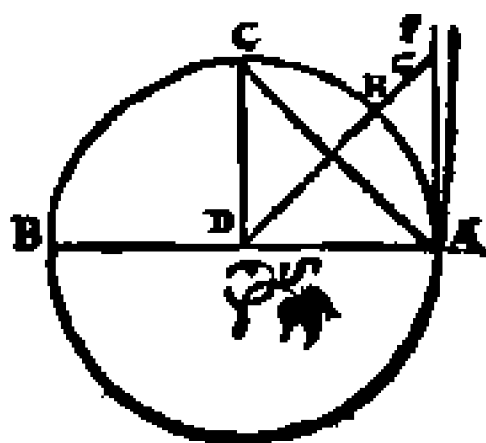


15

ἢ τῇ διαμέτρῳ τοῦ κύκλου πρὸς ὁρθὰς ἀπ' ἄκρας ἀγομένη, ἐκτὸς πεσῇται τοῦ κύκλου, καὶ εἰς τὸν μεταξὺ τόπον τ' τεύχεως καὶ τ' περιφερείας, ἑτέρα εὐθεῖα οὐ παρεμπεσῇται καὶ ἡ μὲν τοῦ ἡμικυκλίου γωνία, ἀπ' αὐτῆς ὀξείας γωνίας εὐθυγράμμου μείζων ἐστίν, ἡ δὲ λοιπὴ ἐλάττω.

Theorema 15. Propositio 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque circuli ad angulos rectos ducitur, extra ipsum circulum cadet, & in locum inter ipsam rectam lineam & peripheriā comprehensum, altera recta linea non cadet. Et semicirculi quidem angulus quouis angulo acuto rectilineo maior est, reliquus autem minor.



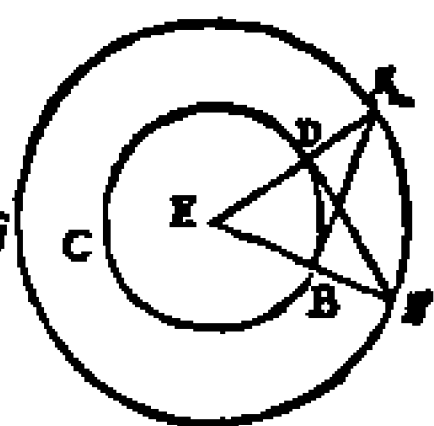
16

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τοῦ δοθέντος κύκλου ἐφαπτομένην εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Proo

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
Problema 2. Propo-
sitio 17.

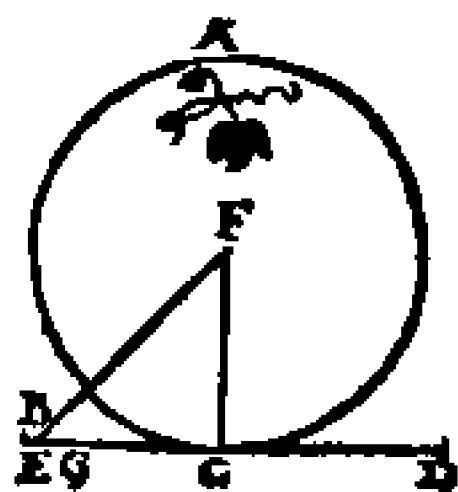
A dato puncto rectam lineam ducere, quæ datum tangat circulum.



Εάν κύκλος ἐφάπηται τις εὐθεία, ἀπὸ τοῦ κέντρου
ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἐπιζευχθῇ τις εὐθεία, ἡ ἐπιζευχθεῖ-
σα κάθετος ἔσται ἐπὶ τὴν ἀπτομένην.

Theorema 16. Propositio 18.

Si circulum tangat recta
quæpiam linea, à cetero au-
tem ad contactum adiun-
gatur recta quædã linea:
quæ adiuncta fuerit ad ip-
sam cõtingentem perpen-
dicularis erit.

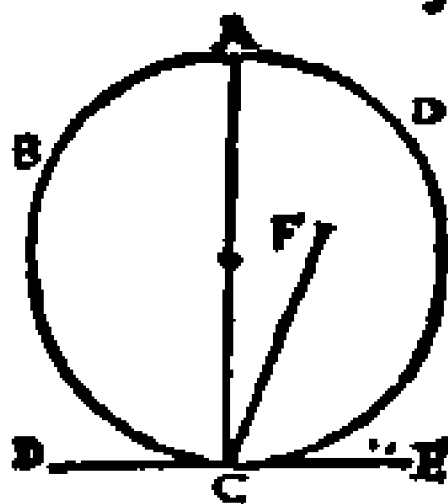


Εάν κύκλος ἐφάπῃται ἐξ ευθείας, ἀπὸ τοῦ ἀφῆς τῆ ἐ-
φαπτομένη πρὸς ὁριὰς γωνίας ευθείας γραμμὴ
ἀχθῇ, ἐπὶ τῇ ἀχθείσῃ εἶσται τὸ κέντρον τοῦ κύκλου.

Theorema 17. Proposition 9.

Si circulum tetigerit recta quæpiam linea, à
CON:

contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangenti exciteretur, in excitata erit centrum circuli.



κ

Εν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίων ἐστὶ τῇ πρὸς τῇ περιφερείᾳ, ὅταν τὴν αὐτὴν περιφέρειαν βάσι συνέχωσιν αἱ γωνίαι.

Theorema 18. Propositio 20.

In circulo angulus ad centrum duplex est anguli ad peripheriam, cum fuerit eadem peripheria basis angulorum.

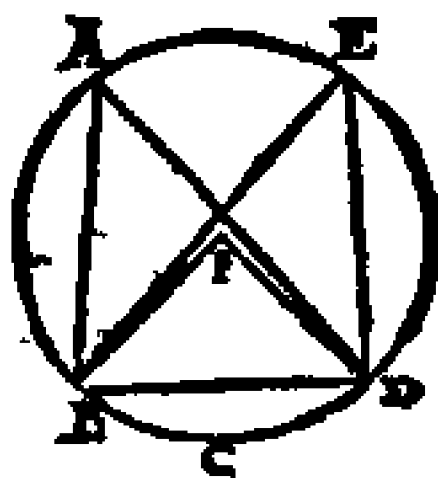


κα

Εν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

Theorema 19. Propositio 21.

In circulo, qui in eodem segmento sunt anguli, sunt inter se æquales.



κβ

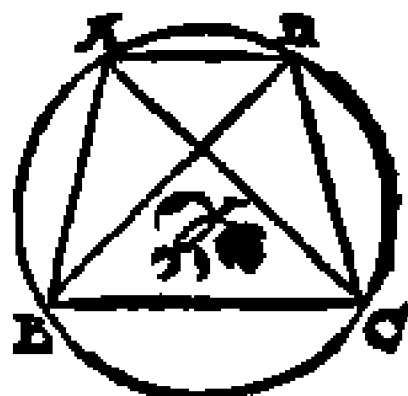
Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον γωνίαι,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

γωνία, δυσὶν ὁρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 20. Propositio 22.

Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.

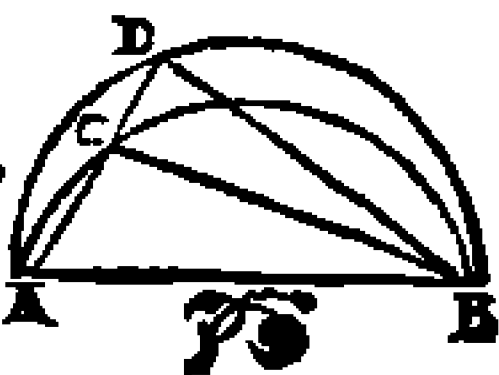


κ γ

Ἐπὶ ταύτης εὐθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια καὶ ἄνισα οὐ συσταθήσονται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theorema 21. Propositio 23.

Super eadem recta linea, duo segmenta circulorum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.

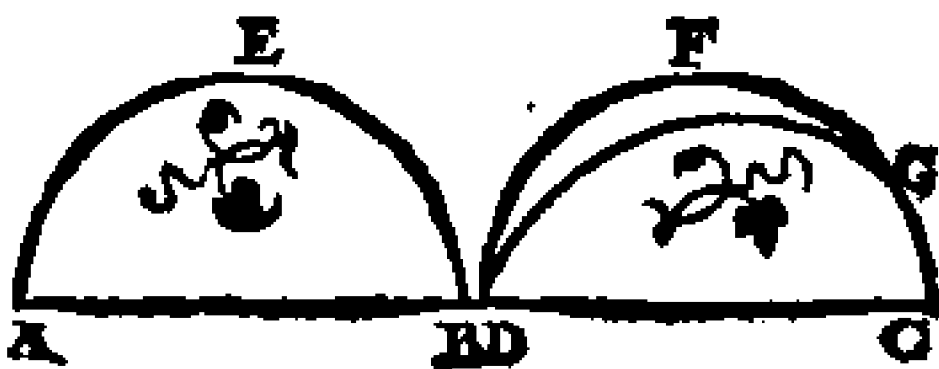


κ δ

Τὰ ἐπὶ ἴσων εὐθειῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 24.

Super equalib. rectis lineis similia circulorum segmenta



sunt

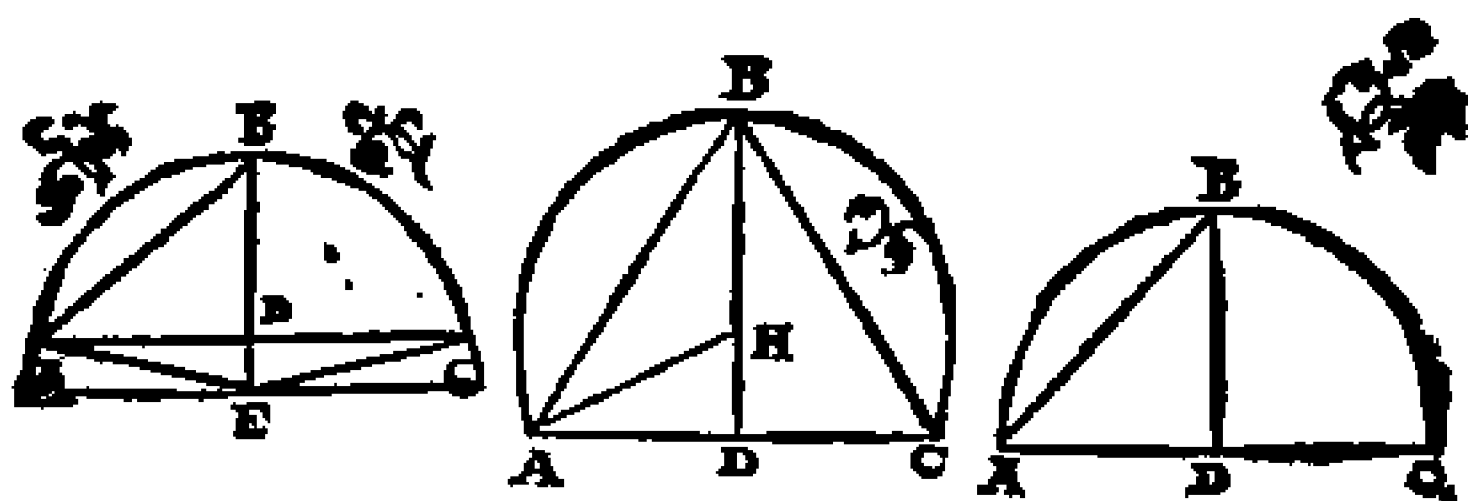
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, προσαναγράφει τὸν κύκλον, οὗ περ ἐστὶ τμήμα.

Problema 3. Propositio 25.

Circuli segmento dato, describere circulū, cuius est segmentum.



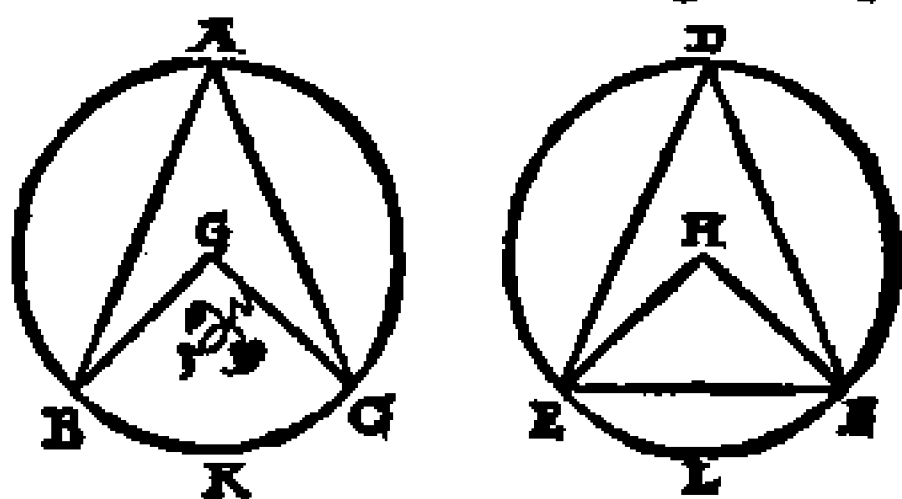
κς

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι γωνίαι, ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβήκασι, ἐάντε πρὸς τῆς κέντροις, ἐάν τε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβήκῃαι.

Theorema 23. Propositio 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqualibus. per-

riphes
rijs insi
stunt
sive ad
centra,
sive ad



peripherias constituti insistant.

κζ εγ

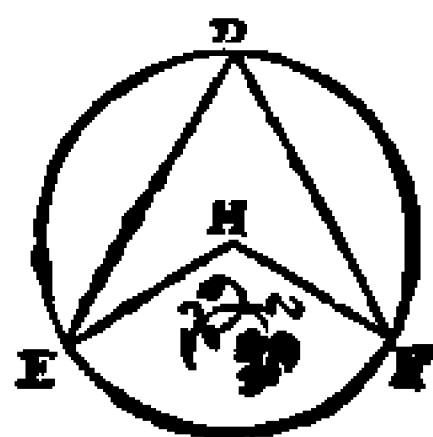
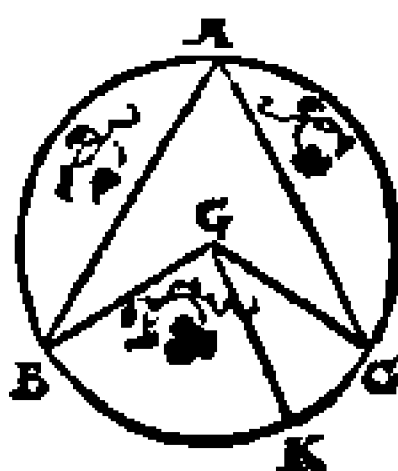
κζ

Εν τοῖς ἴσῃς κύκλοις, αἱ ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβηκῆσθαι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, εἴαντε πρὸς τοῖς κέντροις, εἴαντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβηκῆσθαι.

Theorema 24. Propositio 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æqualibus periph-

eris insi-
stunt, sunt
inter se
æquales
siue ad
centra, si



ue ad peripherias constituti insistant.

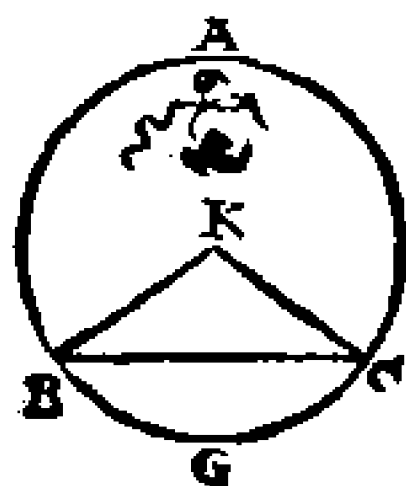
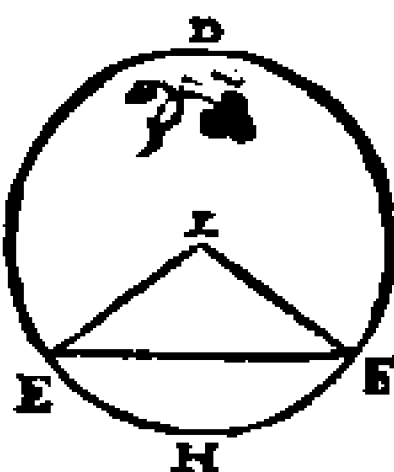
κη

Εν τοῖς ἴσῃς κύκλοις αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσας περιφερείας ἀφαροῦσι, τὴν μὲν μείζονα, τῇ μείζονι, τὴν δὲ ἐλάττωνα, τῇ ἐλάττω.

Theorema 25. Propositio 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ

æquales
periphē-
rias aufe-
runt, ma-
ior ἐκεί-
νῃ, mi-
νὸν αὐτῇ.



noſtem autem minori.

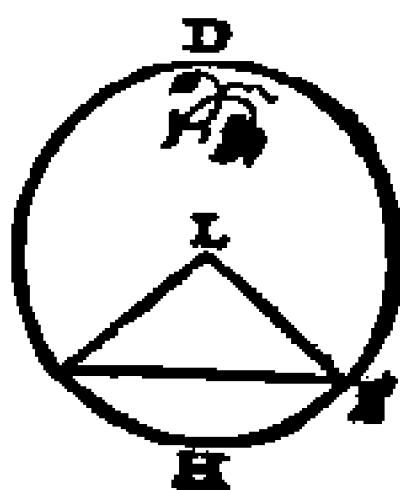
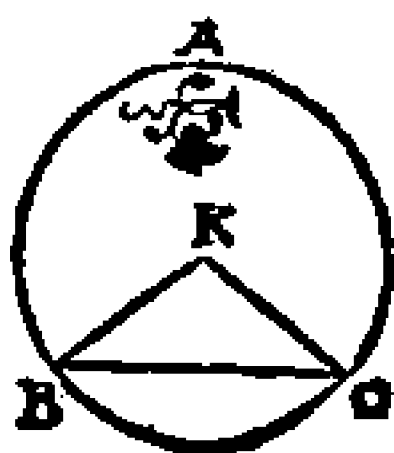
Εν

x θ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας περιφερείας ἴσαι εὐθεῖαι ὑποτείνονται.

Theorema 26. Propositio 29.

In equa-
libus cir-
culis, æ-
quales pe-
ripheri-
as æqua-
les rectæ
lineæ subtendunt.

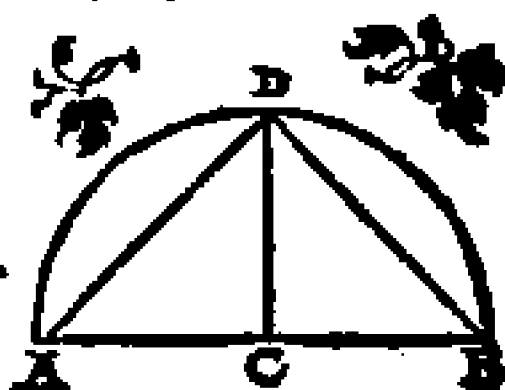


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν δίχα τέμνεν.

Problema 4. Propo-
sitio 30.

Datam peripheriam bifa-
riam secare.



λα

Εν κύκλῳ, ἡ μὲν ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ γωνία ὀρθή ἐστιν,
ἡ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς, ἡ δὲ ἐν τῷ
ἐλάττω, μείζων ὀρθῆς: καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν τοῦ μείζονος τμή-
ματος γωνία, μείζων ἐστὶν ὀρθῆς, ἡ δὲ τοῦ ἐλάττωτος
τμήματος γωνία, ἐλάττω ἐστὶν ὀρθῆς.

Theorema 27. Propositio 13.

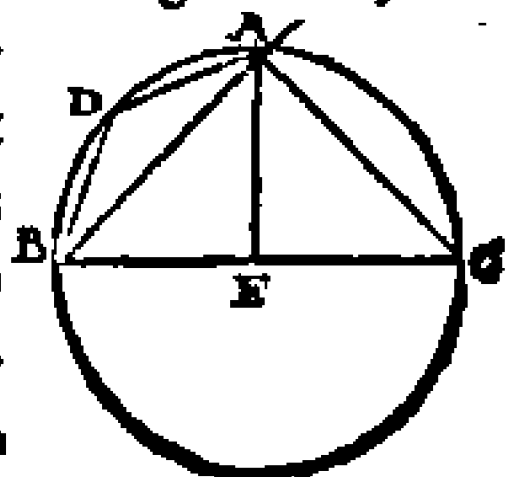
In circulo angulus qui in semicirculo, re-
ctus

E

ctus

· EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Αὗτος ἐστὶ: qui autem in maiore segmento, minor recto: qui verò in minore segmento, maior est recto. Et insuper angulus maioris segmenti, recto quidem maior est: minoris autem segmenti angulus, minor est recto.

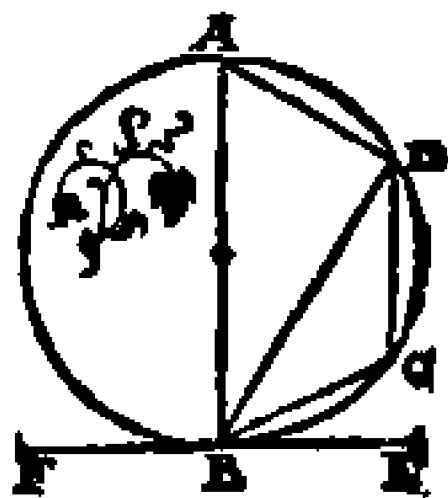


λβ

Εάν κύκλος ἐφάπῃται τις εὐθεΐα, ἀπὸ δὲ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὸν κύκλον διαχθῇ τις εὐθεΐα τέμνουσα τὸν κύκλον: ὅς ποιῇ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναλλάξ τοῦ κύκλου τμήμασι γωνίαις.

Theorema 28. Propositio 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, a contactu autem producat quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt ijs qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.



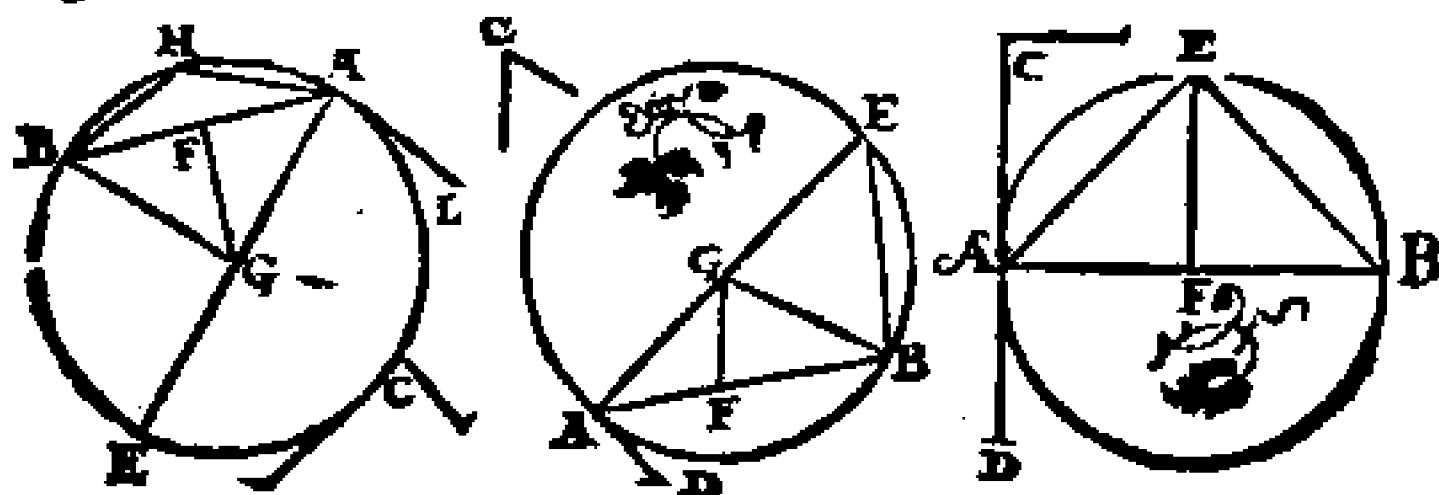
λγ

Επὶ τῆς δοθείσης εὐθείας γράψαι τμήμα κύκλου δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Proa

Problema 5. Propositio 33.

Super data recta linea describere segmentū circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

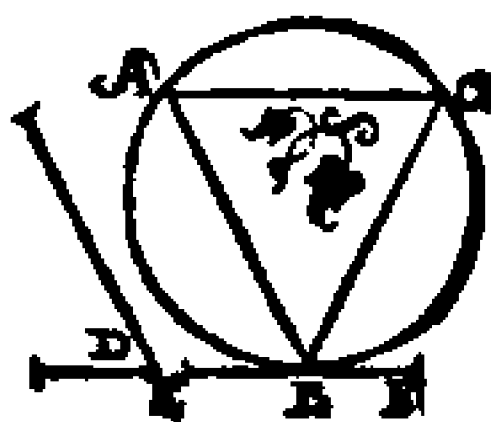


λ δ

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος κύκλου τμήμα ἀφελεῖν δεχόμενον γωνίαν ἴσιν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω.

Problema 6. Propositio 34.

A dato circulo segmentum abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λ ε

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῶν τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν τῆς ἑτέρας τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

Theorema 29. Propositio 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuo

E 2

secue-

secuerint, rectangulum comprehensum sub segmen-

tis vnus,

æquale

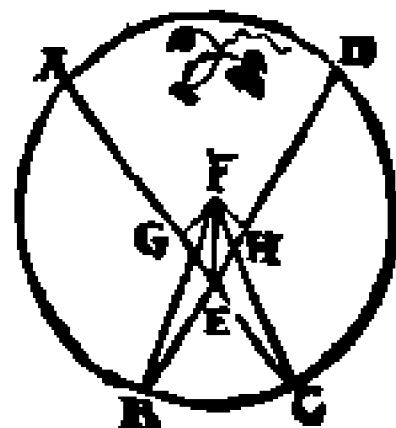
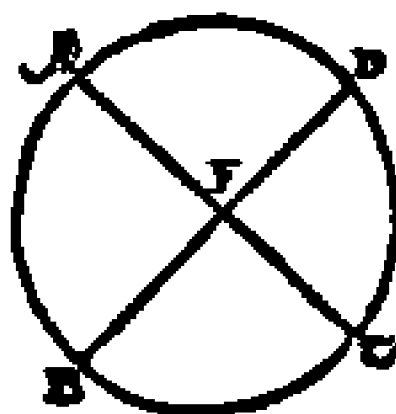
est ei, qd'

sub seg-

mētis al-

terius cō

prehenditur, rectangulo.



λς

Εάν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐκτὸς. καὶ ἀπ' αὐτοῦ πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δ' ἐφάπτηται: ἴσα τὸ ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνοῦσας καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβανομένης μεταξὺ τοῦ τε σημείου καὶ τῆς κυρτῆς περιφερείας, τῷ περὶ ὁμοῦ ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς ἐφαπτομένης τετραγώνῳ.

Theorema 30. Propositio 36.

Si extra circulum sumatur punctum aliquod, ab eoque in circulum cadant duæ rectæ lineæ, quarum altera quidem circulum secet, al-

tera ve-

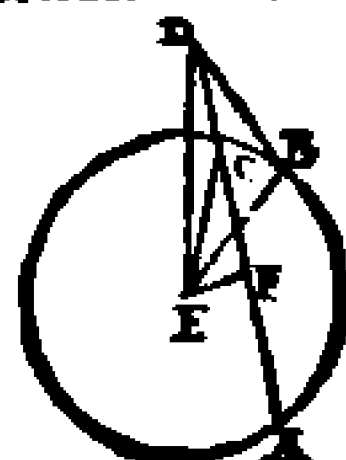
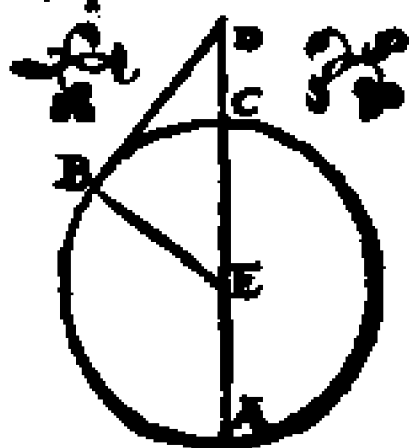
rò tan-

gat: qd'

sub to-

ta secā-

te & ex



terius

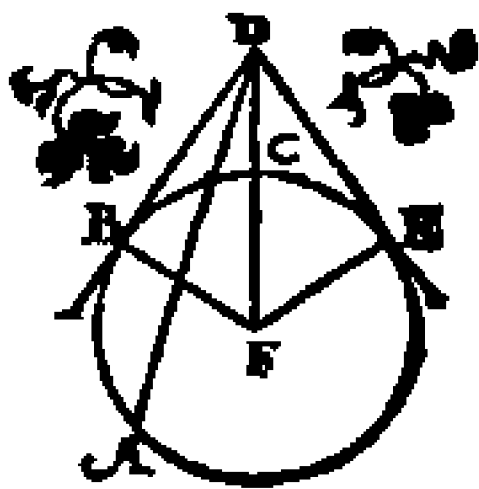
terius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta comprehenditur rectangulum, æquale erit ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λζ

Εάν κύκλος ληφθῇ τι σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ ᾧ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἢ μὲν αὐτῶν τίμνη τὸν κύκλον, ἢ ᾧ προσπίπτῃ, ἢ δὲ τὸ ὑπὸ τῇ ὅλῃς τεμνούσης, καὶ τῇ ἐκτὸς ἀπολαμβάνομένης μεταξὺ τοῦτε σημείου καὶ τῇ κυρτῆς περιφέρειας, ἴσον τῷ ἀπὸ τῇ προσπιπτούσης: ἢ προσπίπτουσα ἐφάπεται τοῦ κύκλου.

Theorema 31. Propositio 37.

Si extra circulum sumatur punctum aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & conuexam peripheriā assumpta, comprehenditur rectangulum, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato; incidens ipsa circulum tanget.



Elementi tertij finis.

Ε 3

ΕΥΚΛΕΙ-

ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

TETARTON.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM QVARTVM.

ΠΡΟΙ.

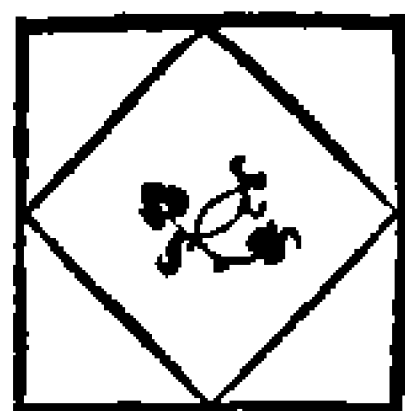
α

Σ Χῆμα εὐθύγραμμον εἰς σχῆμα εὐθύ-
γραμμον ἐγγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἑ-
κάστη τῶν τοῦ ἐγγραφομένου σχήματος
γωνιῶν, ἐκάστης πλευρᾶς τοῦ εἰς δ' ἐγγρά-
φεται ἀπῆται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cum singuli eius figure
ræ quæ inscribitur, angu-
li singula latera eius, in
qua inscribitur, tangunt.



β Σχῆ-

β

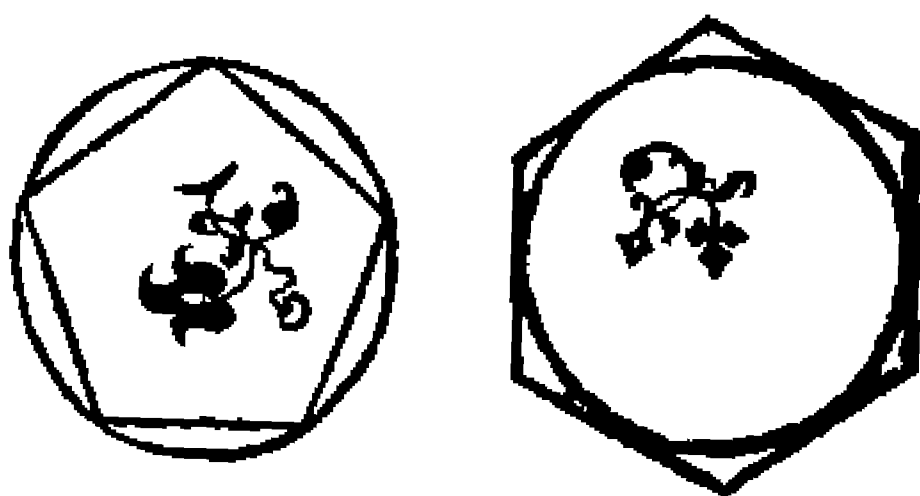
Σχήμα δ' ἐμοίως περὶ σχῆμα περιγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τοῦ περιγραφομένου, ἐκάστης γωνίας τοῦ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

2

Similiter & figura circum figuram describi dicitur, quum singula eius quæ circumscribitur, la-

tera singulos eius figuræ angulos tetigerint,

circum quam illa describitur.



γ

Σχήμα δ' εὐθύγραμμον εἰς κύκλον ἐγγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τοῦ ἐγγραφομένου ἀπῆται τῷ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur, quum singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχήμα δ' εὐθύγραμμον περὶ κύκλον περιγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῷ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ, τοῦ περιγραφομένου ἐφάπῃται.

E 4

4 Fi-

4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quum singula latera eius, quæ circum scribitur, circuli peripheriam tangunt.

ε

Κύκλος ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγράφεσθαι, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τοῦ εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆται.

ς

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figuræ, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος ὁ περὶ σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τοῦ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

ς

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

η

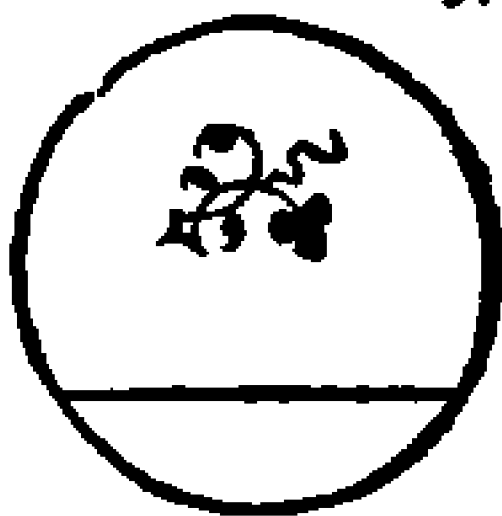
Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς, ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ᾗ τοῦ κύκλου.

7

Recta linea in circulo accommodari seu coaptari

aptari dicitur, quum eius extrema in circuli peripheria fuerint.

Προτάσεις

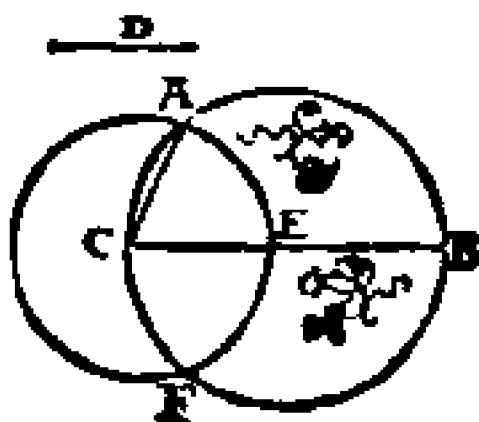


α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ μὴ μείζονι εὐθείᾳ τῆς τοῦ κύκλου διαμέτρου, ἴσων εὐθεῖαν ἐναρμόσαι.

Problema 1. Propositio 1.

In dato circulo, rectam lineam accommodare æqualem datæ rectæ lineæ, quæ circuli diametro non sit maior.

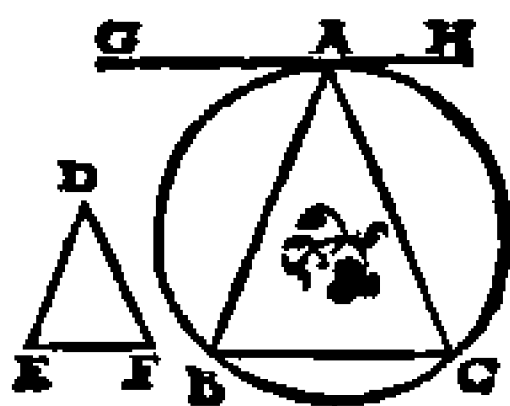


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥιγῶνι ἰσογῶνιον ῥιγῶνον ἐγγράψαι.

Problema 2. Propositio 2.

In dato circulo, triangulum describere dato triangulo æquiangulum.



γ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥιγῶνι ἰσογῶνιον ῥιγῶνον περιγράψαι.

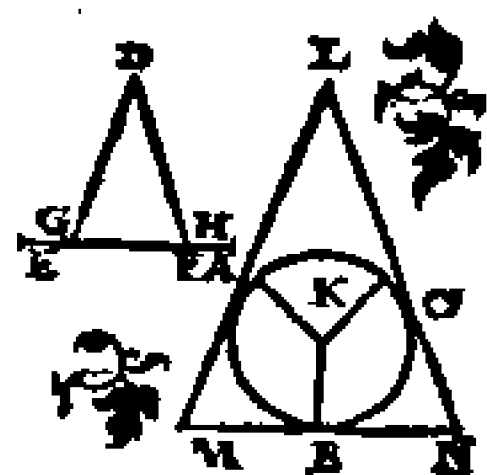
E 5

Pro-

Problema 3. Propositio 3.

Circa datum circulū tri-
angulū, describere dato
triangulo equiangulum.

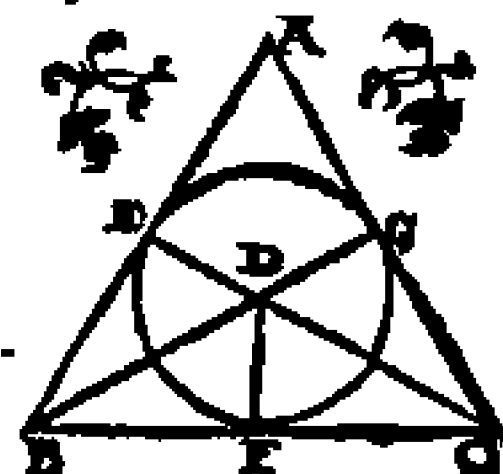
δ



Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 4. Propositio 4.

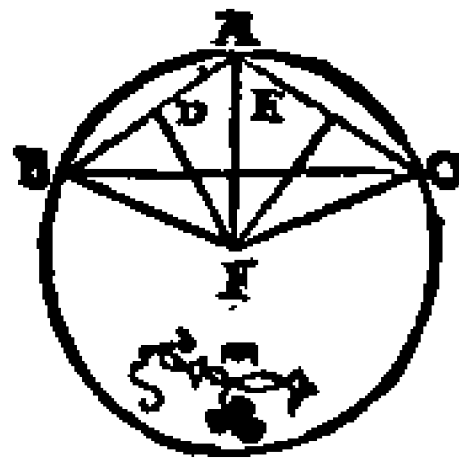
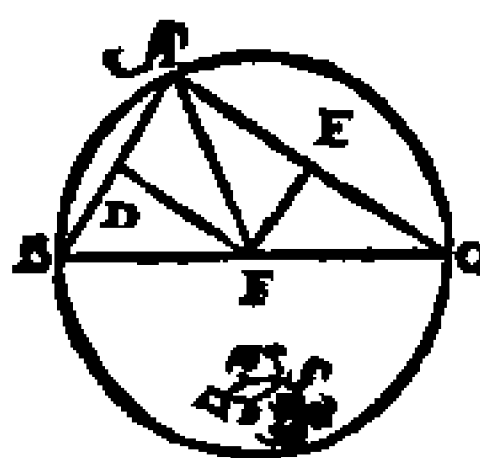
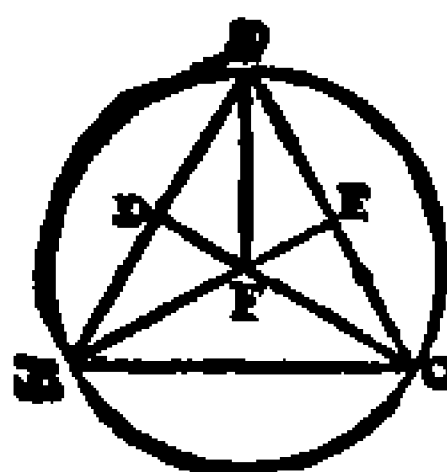
In dato triangulo circu-
lum inscribere.



Περὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Problema 5. Propositio 5.

Circa datum triangulum, circulum descri-
bere.



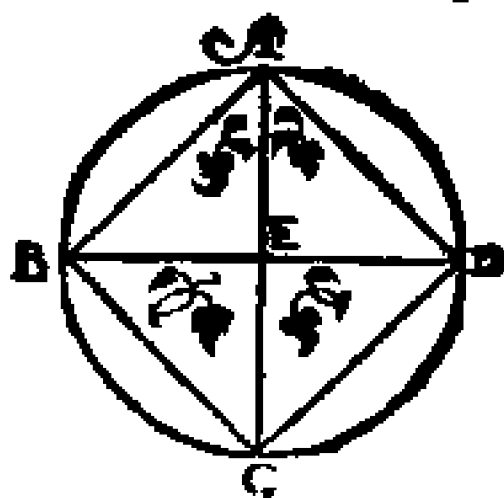
ς

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἐγγράψαι.

Pro

Problema 6. Propo-
sitio 6.

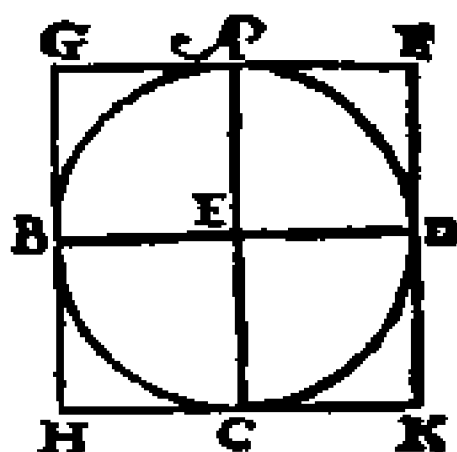
In dato circulo quadratū
describere.



Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον περιγρά-
ψαι.

Problema 7. Propo-
sitio 7.

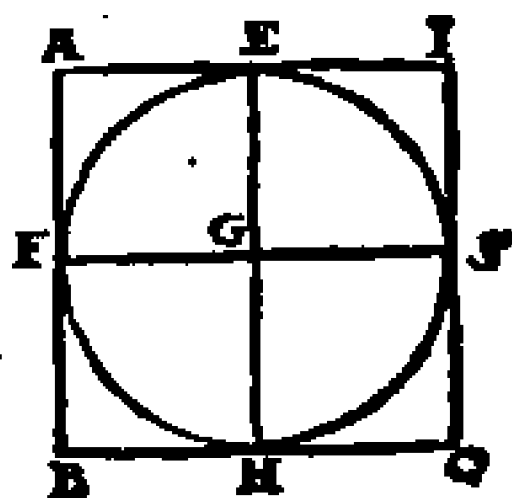
Circa datum circulum,
quadratum describere.



Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 8. Propo-
sitio 8.

In dato quadrato circu-
lum inscribere.

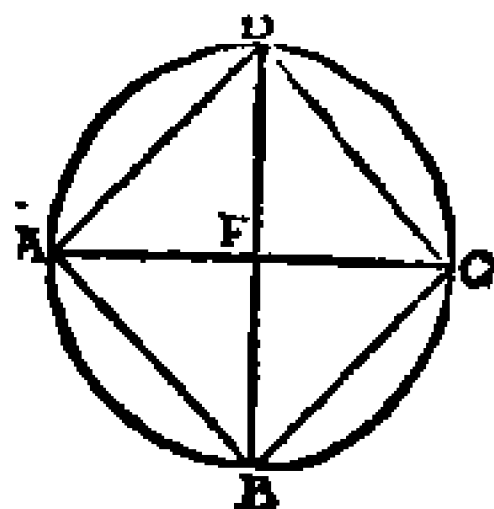


Περὶ τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγρά-
ψαι.

Pro-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 Problema 9. Propo-
 sitio 9.

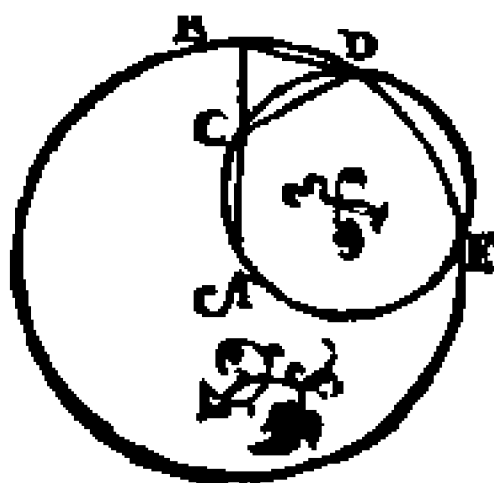
Circa datum quadratum,
 circulum describere.



Ἰσοκέλης τρίγωνον συσθῆσθαι, ἔχον ἑκάτερά τῶν
 πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν, διπλασίονα τῇ λοιπῇ.

Problema 10. Propo-
 sitio 10.

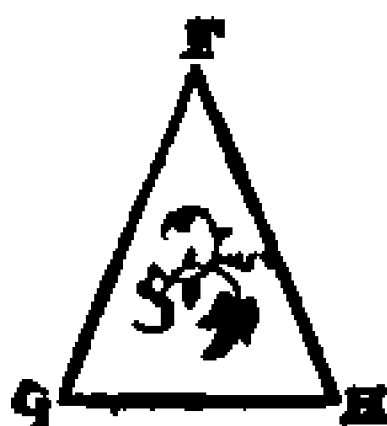
Isoceles triangulum con-
 stituere, quod habeat v-
 trumque eorum, qui ad
 basin sunt, angulorum, du-
 plum reliqui.



Ἐἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε
 καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Theorema 11. Propositio 11.

In dato cir-
 culo, pen-
 tagonum
 æquilate-
 rum & æ-
 quiangu-
 lum inscri-
 bere.

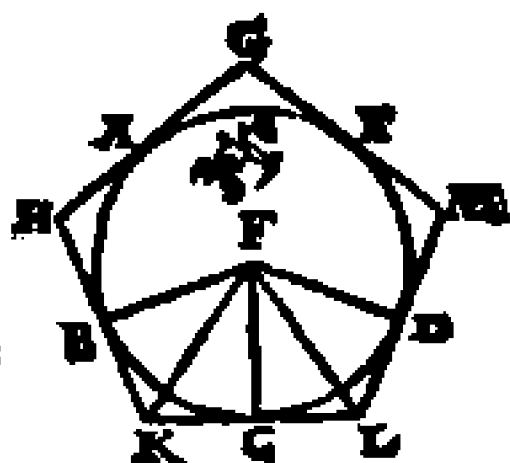


ιβ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Problema 12. Propositio 12.

Circa datum circulum, pentagonum æquilaterum & æquiangulum describere.

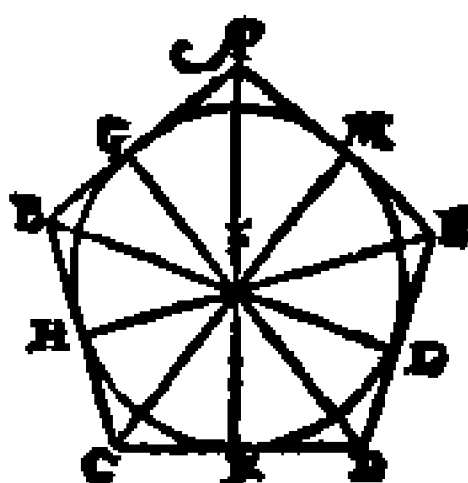


ιγ

Εἰς τὸ δοθὲν πεντάγωνον, ὅ ἐστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 13. Propositio 13.

In dato pentagono æquilatero & æquiangulo, circulum inscribere.

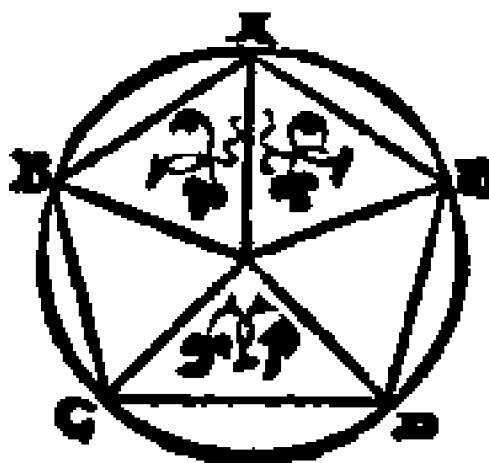


ιδ

Περὶ τὸ δοθὲν πεντάγωνον, ὅ ἐστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Problema 14. Propositio 14.

Circa datum pentagonū, æquilaterum & æquiangulū, circulū describere.

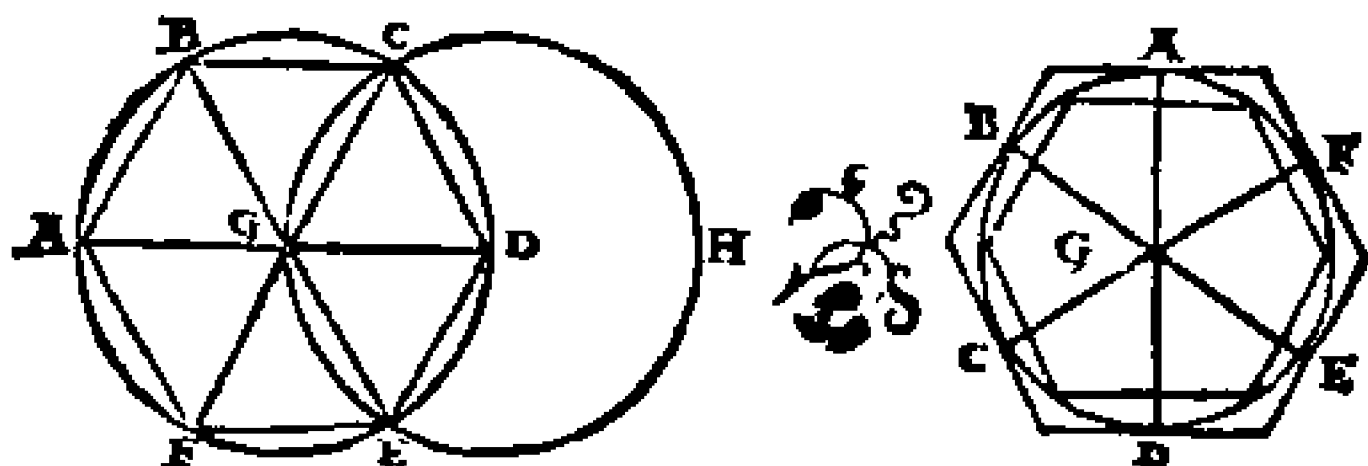


ιε Εἰς

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Problema 15. Propositio 15.

In dato circulo hexagonum & equilaterum & æquiangulum inscribere.

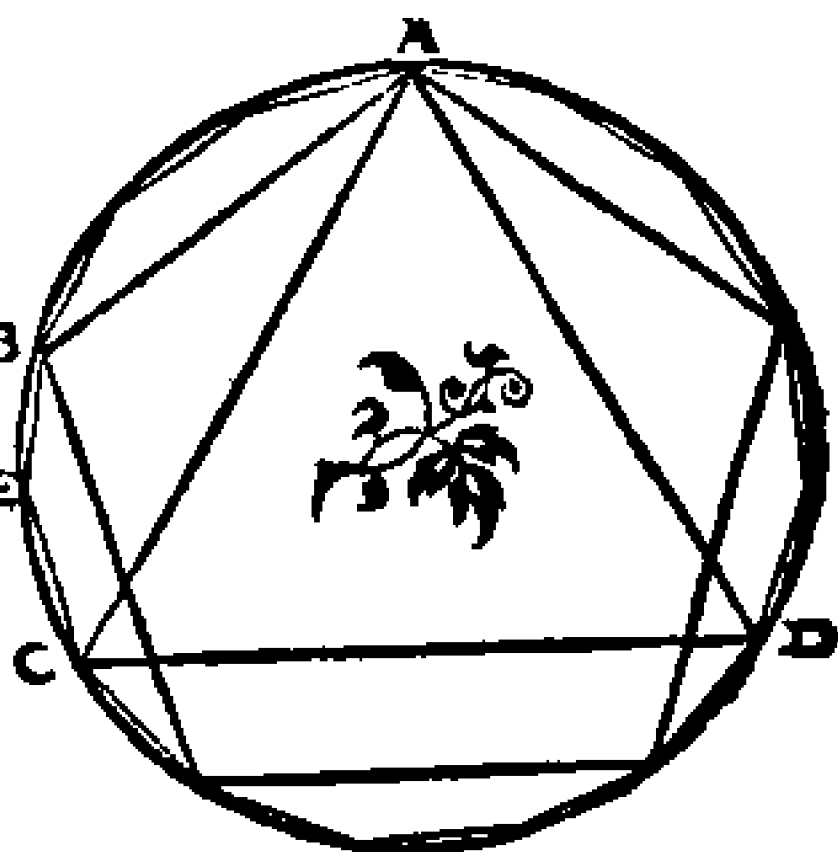


Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πεντεκαδεγώνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Propo. 16.

Theor. 16.

In dato circulo quindecagonum & æquilaterum & æquiangulum describere.



Elementi quarti finis.

ΕΥΚΛΕΙ⁴⁰

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT- TVM QVINTVM. ΒΡΟΙ.

α

ΜΕΡΟΣ ΕΣΤΙ ΜΕΓΕΘΟΣ ΜΕΓΕΘΟΣ, ΤΟ ΕΛΑΣΤΟΝ ΤΟΥ ΜΕΙ-
ΖΟΝΟΣ, ΟΤΑΝ ΚΑΤΑΜΕΤΡῃ ΤΟ ΜΕΙΖΟΝ.

DEFINITIONES.

1

Pars est magnitudo magnitudinis minor
maioris, quum minor metitur maiorem.

β

ΠΟΛΛΑΠΛΑΣΙΟΝ ἔστι, τὸ μείζον τοῦ ἐλάστωτος, ὅταν κα-
ταμετρεῖται ὑπὸ τοῦ ἐλάττωτος.

2

Multiplex autem est maior minoris, cum
minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ἐστὶ δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ κατὰ πληκότητα
πρὸς ἀλλήλα ποιά σχέσις.

3 Ratio

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

δ

Αναλογία δὲ ἔστι, ἡ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationum similitudo.

ε

Λόγον ἔχειν πρὸς ἄλληλα μεγέθη λέγεται, ὃ δύνανται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

5

Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuò superare.

ς

Εν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ τοῦ πρώτου καὶ τρίτου ἰσάκεις πολλαπλασία, τῶν τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου ἰσάκεις πολλαπλασίων καὶ ὅποιονοῦν πολλαπλασιασμόν, ἐκάτερον ἑκατέρῃ ἢ ἅμα ἐλλείπη, ἢ ἅμα ἴσα ᾖ, ἢ ἅμα ὑπερέχη ληφθέντα κατὰλληλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad
quarta

quartam: cùm primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab utroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si easumantur quæ inter se respondent.

ξ

Τὰ ἢ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλείσθω.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

ὅταν ἢ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων, τὸ μὲν τοῦ πρώτου πολλαπλάσιον ὑπερέχη τοῦ τοῦ δευτέρου πολλαπλασίῳ, τὸ ἢ τοῦ τρίτου πολλαπλάσιον, μὴ ὑπερέχη τοῦ τοῦ τετάρτου πολλαπλασίῳ, τό τε πρῶτον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ περὶ τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον.

8

Cùm verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excesserit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excesserit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

θ

Αναλογία ἢ ἐν ἑξισίν ὁροις ἐλαχίστοις εἶναι.

F

Pro-

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Όταν ᾗ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πᾶρ πρὸς τὸ δεύτερον. ὅταν ᾗ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πᾶρ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰ ἐξῆς ἐνὶ πλείον, ἕως ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχη.

Cùm autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cùm quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγούμενα τοῖς ἡγούμενοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò consequentibus.

ιβ

Ἐναλλάξ λόγος, ἐστὶν λήψις τοῦ ἡγούμενου πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τοῦ ἐπομένου πρὸς τὸ ἐπόμενον.

ιζ

Alternata ratio, est sumptio antecedentis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

ιγ

Ανάπαλιν λόγος, ἐστὶ λήψις τοῦ ἐπομένου ὡς ἡγούμενου, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

ιδ

Inversa ratio, est sumptio consequentis, ceu antecedentis, ad antecedentem velut ad consequentem.

ιδ

Σύνθεσις λόγος, ἐστὶ λήψις τοῦ ἡγούμενου μετὰ τοῦ ἐπομένου ὡς ἐνὸς πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

ιε

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum consequente ceu unius, ad ipsum consequentem.

ιθ

Διάφρεσις δὲ λόγου, ἐστὶ λήψις τῆς ὑπεροχῆς, ἣ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

ις

Divisio rationis, est sumptio excessus

F 2

quo

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

quo consequentem superat antecedens ad ipsum consequentem.

15

Ανατροφή λόγου, ἐστὶ λήψις τοῦ ἡγουμένου πρὸς τὴν ὑπεροχὴν, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου.

16

Conuersio rationis, est sumptio antecedentis ad excessum, quo superat antecedens ipsum consequentem.

17

Δίσις λόγος ἐστὶ πλεόνων ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἴσων τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανομένων καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ ἄλλως, λήψις τῶν ἄκρων, καθ' ὑπεξάφρεσιν τῶν μέσων.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint magnitudines, & his aliæ multitudine pares quæ binæ sumantur, & in eadem ratione: quum ut in primis magnitudinibus prima ad ultimam, sic & in secundis magnitudinibus prima ad ultimam sese habuerit. vel aliter, sumptio extremorum per subductionem mediorum.

18

Τεταγμένη ἀνάλογια εἶναι, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενον πρὸς ἑπόμενον, οὕτως ἡγούμενον πρὸς τὸ ἐπόμενον,

τον, ἢ ὥς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐπόμενον
πρὸς ἄλλο τί.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quem-
admodum antecedens ad consequentem, ita
antecedens ad consequentem: fuerit etiam
ut consequens ad aliud quidpiam, ita conse-
quens ad aliud quidpiam.

19

Τεταραγμένη ἡ ἀναλογία ἐστίν, ὅταν ζευγῶν ὄντων με-
θεδῶν, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος γίνεται ὥς
μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγοούμενον πρὸς
ἐπόμενον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡγού-
μενον πρὸς ἐπόμενον: ὥς ἡ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέ-
θεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐν τοῖς δευτέ-
ροις μεγέθεσιν ἄλλο τί πρὸς ἡγοούμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus
positis magnitudinibus, & alijs quæ sint his
multitudine pares, cū ut in primis qui-
dem magnitudinibus se habet antecedens
ad consequentem, ita in secundis magni-
tudinibus antecedens ad consequentem:
ut autem in primis magnitudinibus conse-
quens ad aliud quidpiam, sic in secundis ma-
gnitudinibus aliud quidpiam ad anteceden-
tem.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Προτάσεις.

α

Εάν ἡ ὑποσασὺν μεγέθυ, ὑποσωνοὺν μεγεθῶν ἴσων
τὸ πλῆθος ἑκάστην ἑκάστη ἰσάκεις πολλαπλάσιον ὅσα
πλάσιόν ᾖσιν ἐν τῶν μεγεθῶν ἐνός, τοσαυταπλάσια
ἔσται καὶ τὰ πάντα τῶν πάντων.

Theorema 1. Propo-
sitio 1.

Si sint quotcunque magnitudi-
nes quotcunque magnitudinum
æqualium numero, singula singu-
larum æquè multiplices, quàm
multiplex est vnus vna magnitu-
do, tam multiplices erunt, & om-
nes omnium.

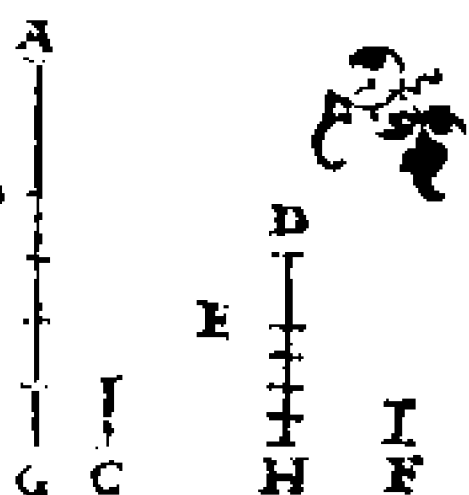


β

Εάν πρῶτον δευτέρῃ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον καὶ
ῥίτον τετάρτῃ ἢ ῥ καὶ πέμπτῃ δευτέρῃ ἰσάκεις πολ-
λαπλάσιον καὶ ἕκτῃ τετάρτῃ: καὶ συντεδὲν πρῶτον
καὶ πέμπτῃ, δευτέρῃ ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον, καὶ
ῥίτον καὶ ἕκτῃ τετάρτῃ.

Theore. 2. Propo. 2.

Si prima secundæ æquè fue-
rit multiplex, atq; tertiæ
quartæ, fuerit autem &
quinta secundæ æquè mul-
tiplex, atq; sexta quartæ:
erit & composita prima



cum

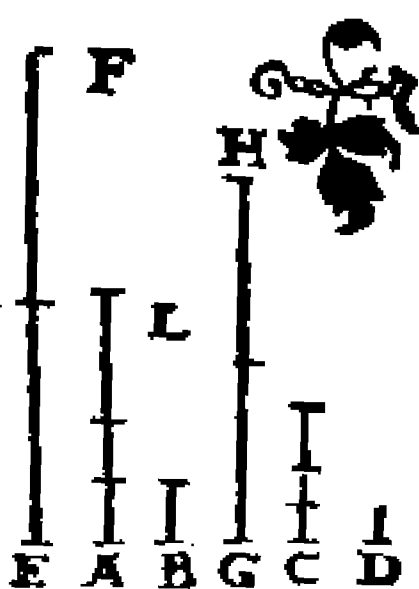
cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atq;
tertia cum sexta, quartæ.

γ

Εάν πρῶτον δευτέρου ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτῃ, ληφθῇ δὲ ἰσάκῃς πολλαπλάσια τοῦ
πρώτῃ καὶ τρίτῃ. καὶ διίσῃ, τῶν ληφθέντων ἑκάτε-
ρον ἑκατέρῃ ἰσάκῃς ἔσαι πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τοῦ
δευτέρου, τὸ δὲ τοῦ τετάρτῃ.

Theorema 3. Propo-
sitio 3.

Si sit prima secundæ æquæ
multiplex atq; tertia quar-
tæ, sumantur autem æquæ
multiplices primæ & ter-
tiæ: erit & ex æquo sumpta
cum utraque utriusque æquæ multiplex, al-
tera quidem secundæ, altera autem quartæ.

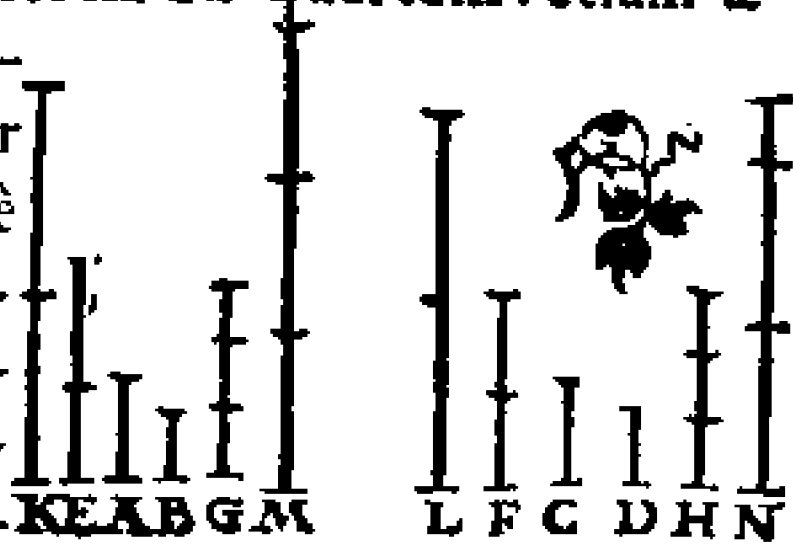


δ

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον,
καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον: καὶ τὰ ἰσάκῃς πολλαπλά-
σια τοῦ πρώτῃ καὶ τρίτῃ, πρὸς τὰ ἰσάκῃς πολλα-
πλάσια τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτῃ καθ' ὅποιον οὖν
πολλαπλασιασμοῦ, τὸν αὐτὸν ἐξ ἑλὸγον ληφθέντα κα-
τάλληλα.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
Theorema 4. Propositio 4.

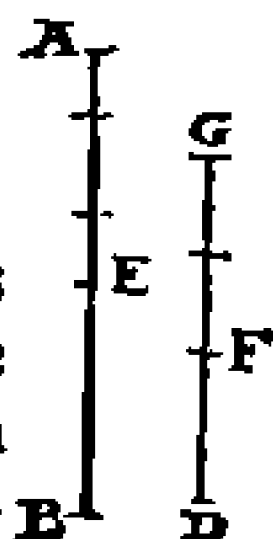
Si prima ad secundam, eandem habuerit
rationem, & tertia ad quartam: etiam æ-
què multipli-
ces primæ & ter-
tiæ, ad æquè
multiplices se-
cundæ & quar-
tæ iuxta quan-
vis multiplica-
tionem, eandem habebunt rationem, si
prout inter se respondent, ita sumptæ fue-
rint,



Εάν μέγεθος μέγεθος ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον,
ὥστε ἀφαρεθὲν ἀφαρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τοῦ
λοιποῦ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλάσιον, ὅσα πλάσιόν ἐστι
τὸ ὅλον τοῦ ὅλου.

Theorema 5. Propo-
sitio 5.

Si magnitudo magnitudinis
æquè fuerit multiplex, atque
ablata ablata: etiam reliqua
reliquæ ita multiplex erit, vt to-
ta totius,

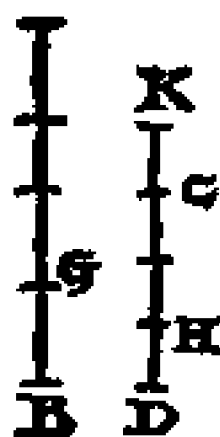


5

Εάν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρέθεντα τινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἴσας εἶναι, ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theorema 6. Propositio 6.

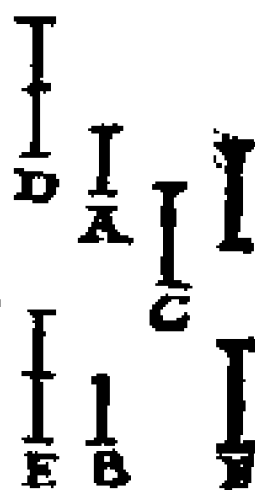
Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiples, & detractæ quædam sint earundem æquè multiples; & reliquæ eisdem aut æquales sunt, aut æquè ipsarū multiples.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theorema 7: Propositio 7.

Æquales ad eandem, eandem habent rationem; & eadem ad æquales.



Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ περὶ τὸ ἐλάττω: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐλάττω μείζονα λόγον ἔχει, ἢ περὶ πρὸς τὸ μείζον.

F 5

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 8. Propositio 8.

Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationem habet, quàm minor: & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.



9

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὸ ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις ἐσὶ: καὶ πρὸς ἃ τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὸ ἔχει λόγον, καὶ καὶ ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Theorema 9. Propositio 9.

Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se: & ad quas eadem, eandem habet rationem, ex quoque sunt inter se æquales.



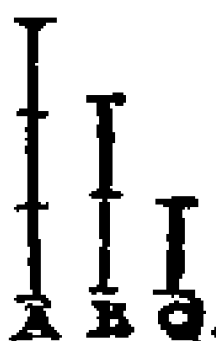
10

Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχόντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ἐκείνο μείζον ὂν πρὸς ὃ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλάττω ὂν ἐστίν.

Theor.

Theorema 10. Propositio 10.

Ad eandem magnitudinem, ratio-
nem habentium, quæ maiorem
rationem habet, illa maior est, ad
quam autem eadem maiorem ra-
tionem habet, illa minor est.

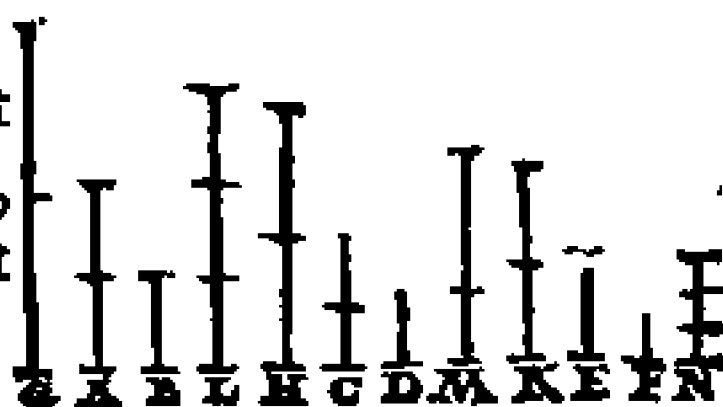


1α

Οἱ τῶ αὐτῷ λόγοι οἱ αὐτοὶ, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν δι-
αυτοί.

Theorema 11. Propositio 11.

Quæ eidem sunt
eædem rationes,
& inter se sunt
eædem.



1β

Ἐὰν ἡ ὑποσαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἕσαι ὡς ἐν τῶν ἡ-
γυμένων πρὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ
ἡγούµενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόµενα.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 12. Propositio 12.

Si sint magni-
tudines quot-
cunque propor-
tionales, quem-
admodum se ha-
buerit vna ante-
cedentium ad v-



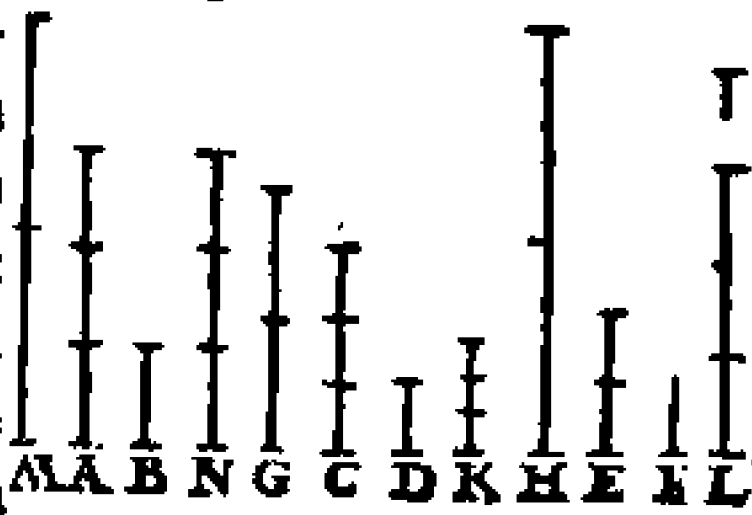
nam consequentium, ita se habebunt om-
nes antecedentes ad omnes consequentes.

17

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
ῥῖτον πρὸς τέταρτον, ῥῖτον δὲ πρὸς τέταρτον μεί-
ζονα λόγον ἔχη, ἢ πλεον πέντην πρὸς ἕκτον: καὶ πρῶ-
τον πρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔξει, ἢ πλεον πέν-
την πρὸς ἕκτον.

Theorema 13. Propositio 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit ra-
tionem, quam tertia ad quartam, tertia verò
ad quartam, ma-
iorem rationem
habuerit, quàm
quinta ad sextā:
prima quoq; ad
secundam maio-
rem rationem ha-
bebit, quàm quinta ad sextam.



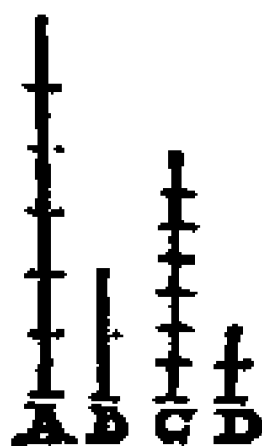
18 Εάν

ιδ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ ὅτι πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον
 ἢ καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μείζον ἔσται, καὶ ἔλασ-
 θεν, ἔλασθεν.

Theorema 14. Propositio 14.

Si prima ad secundam eandem habuerit ra-
 tionem, quam tertia ad quartam,
 prima verò quàm tertia maior
 fuerit: erit & secunda maior quàm
 quarta. Quòd si prima fuerit æ-
 qualis tertiæ, erit & secunda æ-
 qualis quartæ: si verò minor, &
 minor erit.

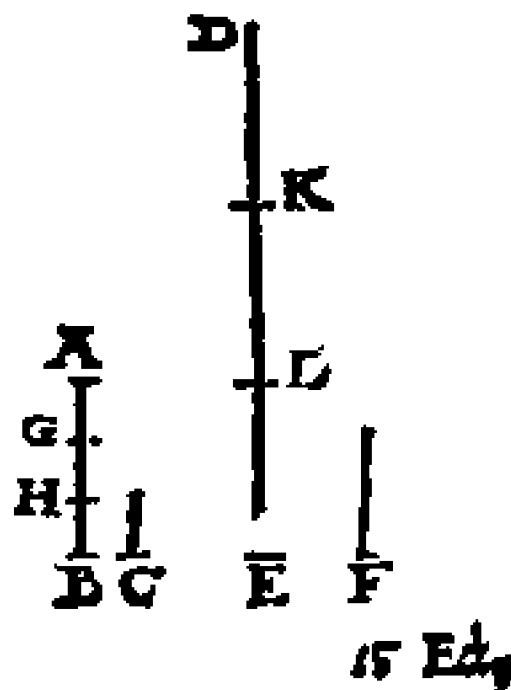


ιθ

Τὰ μέρη, τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν
 ἔχει λόγον, ληψίς κατάλληλα.

Theorema 15. Propo-
 sitio 15.

Partes, cum pariter mul-
 tiplicibus in eadem sunt
 ratione, si prout sibi mu-
 tuo respondent, ita su-
 mantur.

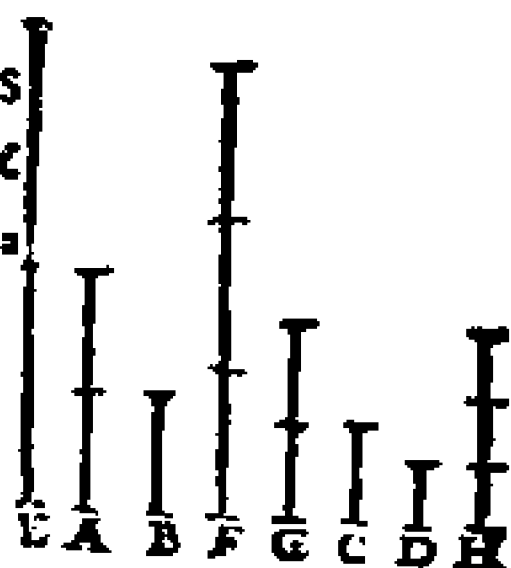


15

Εάν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ ἀλλὰ ἀνάλογον ἔσται.

Theorema 19. Propositio 16.

Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, & vicissim proportionales erunt.

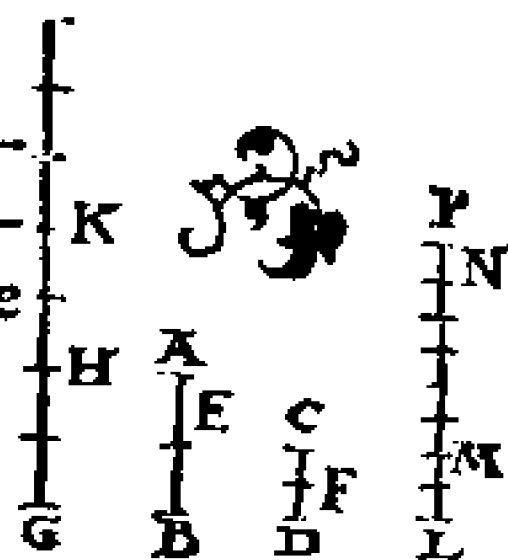


13

Εάν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ διαμεθέντα ἀνάλογον ἔσται.

Theorema 17. Propositio 17.

Si compositæ magnitudines proportionales fuerint, hæ quoque diuisæ proportionales erunt.



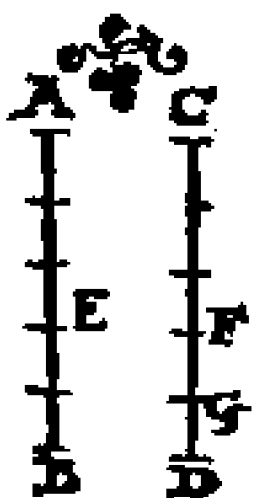
14

Εάν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, καὶ συντεθέντα ἀνάλογον ἔσται.

Theos

Theorema 18. Propositio 18.

Si diuisæ magnitudines sint proportionales, hæ quoque compositæ proportionales erunt.

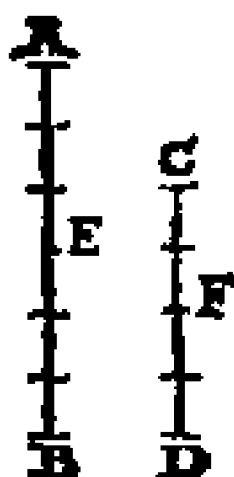


ι θ

Εάν ἡ ὥς ὅλον πρὸς ὅλον, ὁὕτως, ἀφαιρεθὲν πρὸς ἀφαιρεθὲν: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται, ὥς ὅλον πρὸς ὅλον.

Theorema 19. Propositio 19.

Si quemadmodum totum ad totum, ita ablatum se habuerit ad ablatum: & reliquum ad reliquum, ut totum ad totum se habebit.



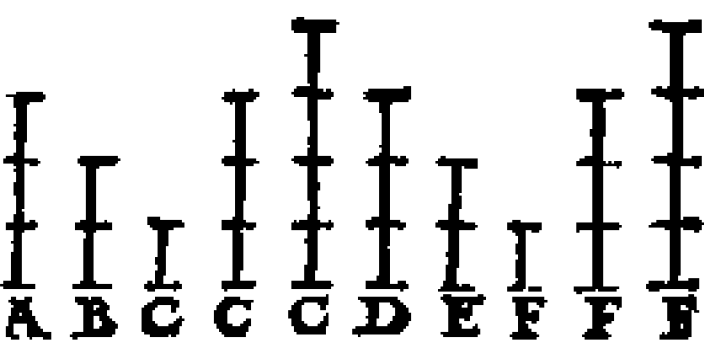
κ

Εάν ἡ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, διίσσῃ τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτου μείζον ἔσται: καὶ ἴσον, ἴσον: καὶ ἔλαστον, ἔλαστον.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
Theore. 20. Pro-
positio 20.

Si sint tres magni-
tudines, & aliæ ip-
sis æquales nume-



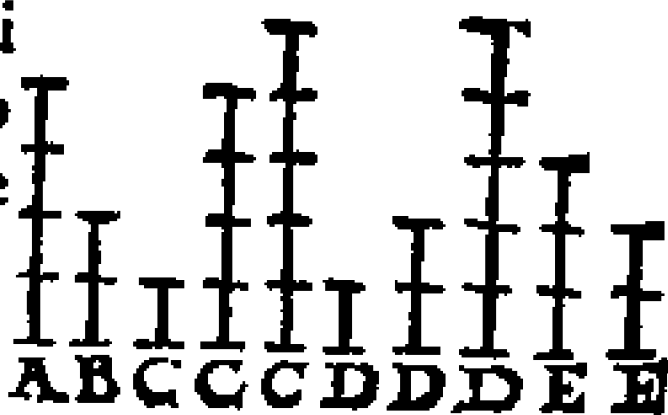
ro, quæ binæ & in eadem ratione sumantur,
ex æquo autem prima quàm tertia maior
fuerit: erit & quarta, quàm sexta maior.
Quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit &
quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc
quoque minor erit.

κα

Εάν ἡ τρίτα μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος
σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ὅ τε-
ταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, διίσχῃ δὲ τὸ πρῶτον
τοῦ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτου μείζον
ἢ: καὶ ἐάν ἴσῃ, ἴσῃ: καὶ ἐάν ἐλασσον, ἐλασσον.

Theorema 21. Propositio 21.

Si sint tres magni-
tudines, & aliæ ip-
sis æquales nume-
ro quæ binæ & in
eadē ratiōe sumā-
tur, fueritq; per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

$\alpha \beta$

Ἐὰν ᾖ ὅποσαοῦν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ διίσοι ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

Theorem. 22.

Prop. 22.

Si sint quotcunq; magnitudines, & alix ipsiis æquales numero, quæ binæ in eadem ratione sumantur, & ex æqualitate in eadem ratione erunt.



$\alpha \gamma$

Ἐὰν ᾖ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ᾗ τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ διίσοι ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσται.

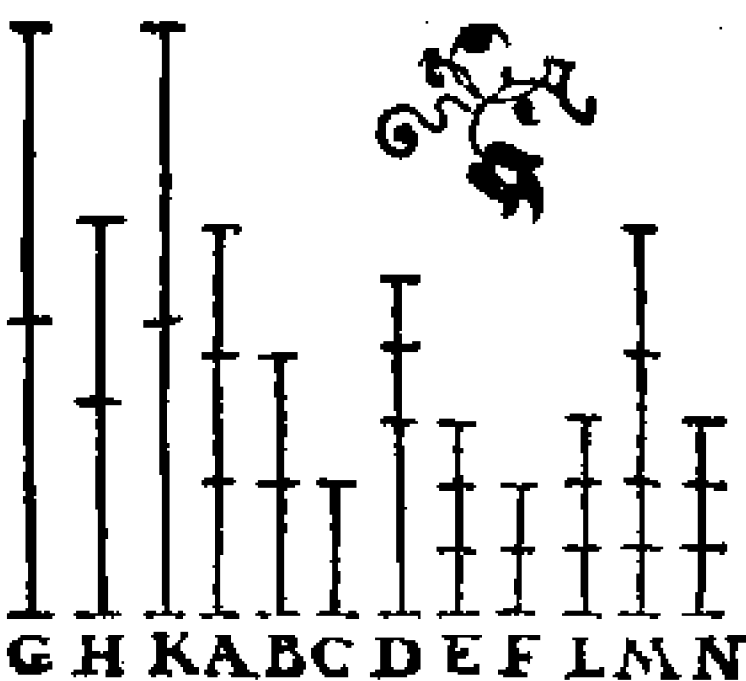
G

Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 23.

Si sint tres magnitudines, a
liæq; ipsis æqua-
les numero, quæ
binæ in eadem
ratione suman-
tur, fuerit autẽ
perturbata earũ
proportio: etiã
ex æqualitate in
eadem ratione erunt.

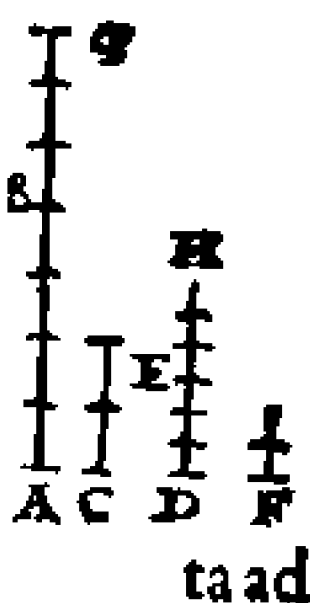


κ δ

Εὰν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον καὶ
τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη ὅ καὶ πέμπτον πρὸς δεύ-
τερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον: καὶ
συντεθέν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς δεύτερον τὸν
αὐτὸν ἔξει λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ-
ταρτον.

Theorema 24. Propositio 24.

Si prima ad secundam, eandem
habuerit rationem, quam tertia
ad quartam, habuerit autem &
quinta ad secundam eandem ra-
tionem, quam sexta ad quartam:
etiam cõposita prima cum quin-



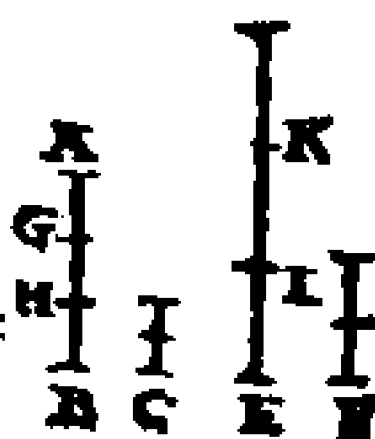
ta ad secundam eandem habebit rationem,
quam tertia cum sexta ad quartam.

κ θ

Εάν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ
ελάχισον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ᾗ.

Theorema 25. Propo-
sicio 25.

Si quatuor magnitudine
proportionales fuerint, maxi-
ma & minima reliquis dua-
bus maiores erunt.



Elementi quinti finis.

G 2

EYKAEI

ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SEXTVM.

ΠΡΟΛΟΓΟΣ.

α

Ομοια σχήματα ευθύγραμμά εστιν, ὅσα τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχῃ κατὰ μίαν, καὶ τὰς περὶ τὰς
ἴσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

1

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ & an-
gulos singulos singulis æquales habent, at-
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-
les, proportionalia.

β ΑΥΛ.

β

Αντιπεπονθότα ἑ σχήματά ἐστιν, ὅταν ἐκατέρω
τῶν σχημάτων ἡγούμενοί τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι
ᾤσιν.

2

Reciprocae autem figuræ sunt, cùm in vtra-
que figura antecedentes & consequentes ra-
tionum termini fuerint.

γ

Ακρον καὶ μέσον λόγον εὐθεῖα τετμήσθαι λέγεται, ὅ-
ταν ἢ ὡς ἡ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, ὁυτως τὸ μεί-
ζον πρὸς τὸ ἐλαστόν.

3

Secundum extremam & mediam rationem
recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad
maius segmentum, ita maius ad minus se ha-
buerit.

δ

Υψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ
τὴν βάσιν κάθετος ἀγομένη.

4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpen-
dicularis à vertice ad basin deducta.

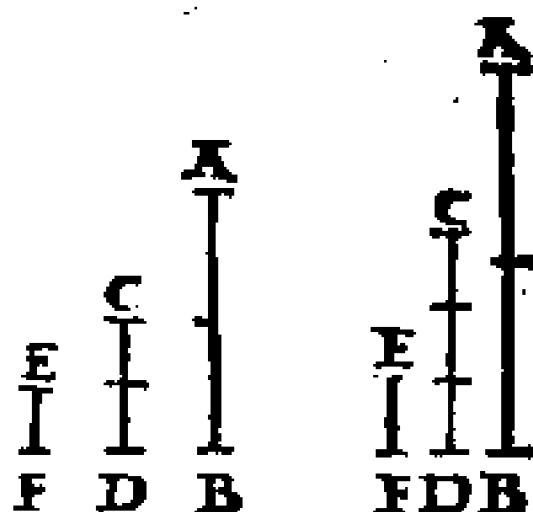
ε

Λόγος ἐκ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λό-
γων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι
ποιῶσιν ἓνα λόγον.

G 3

Ra-

Ratio ex rationibus cō-
ponidicitur, cūm ratio-
num quantitates inter
se multiplicatæ aliquam
effecerint rationem.



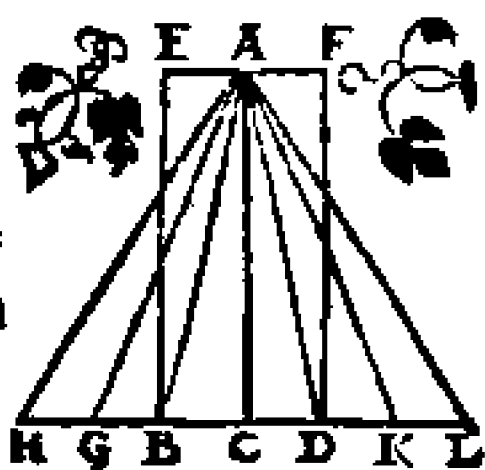
Προτάσις.

α

Τὰ τρίγωνα & τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τὸ
αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλα ὅσιν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 1. Propo-
sitio 1.

Triangula & parallelo-
gramma, quorum eadem
fuerit altitudo, ita se ha-
bent inter se vt bases.



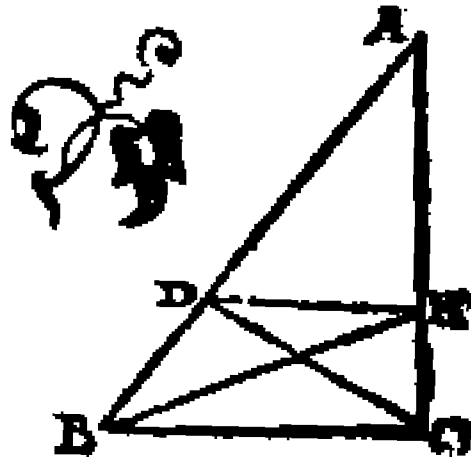
β

Εάν ζιγώντ παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν ἀχθῇ τις εὐ-
θεῖα παράλληλος ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τοῦ ζιγώντ
πλευράς. καὶ ἐάν αἱ τοῦ ζιγώντ πλευραὶ ἀνάλογον
τμηθῶσιν, ἢ ἐπὶ τὰς τομὰς ὀπιζευγνυμένη εὐθεῖα,
παρὰ τὴν λοιπὴν ἑσσι τοῦ ζιγώντ πλευρὰν πα-
ράλληλος.

Theorem 12. Propositio 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela du-
cta

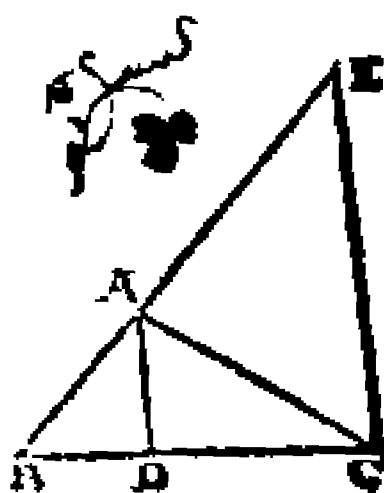
Si fuerit recta quædam linea: hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera. Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint: quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea, erit ad reliquum ipsius trianguli latus parallela.



Εάν ῥιγών^γ γωνία δίχα τμηθῇ, ἡ δὲ τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα τέμνη καὶ τὴν βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τοῦ αὐτοῦ ἔχει λόγον τῶν λοιπῶν τοῦ ῥιγών^γ πλευρῶν. καὶ ἐὰν τὰ τῆς βάσεως τμήματα, τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον τῶν λοιπῶν τοῦ ῥιγών^γ πλευρῶν, ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν τομὴν ἐπιζευγνυμένη εὐθεῖα δίχα τέμνη τὴν τοῦ ῥιγών^γ γωνίαν.

Theorema 3. propositio 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basim: basis segmenta eandem habebunt rationem, quam reliqua ipsius trianguli latera. Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera, recta li-



G 4

nea,

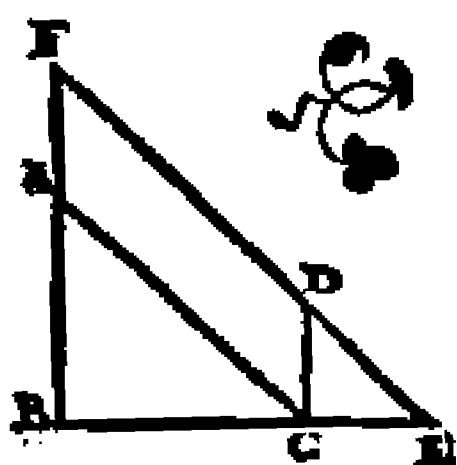
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius an-
gulum.

§

Τῶν ἰσγωνίων ῥιγῶνων, ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ
αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ τὰς
ἴσας γωνίας ὑποτείνουσαι πλευραὶ.

Theorema 4. Propositio 4.

Aequiangulorum trian-
gulorum proportionalia
sunt latera, quæ circum æ-
quales angulos, & homo-
loga sunt latera, quæ æ-
qualibus angulis subten-
duntur.

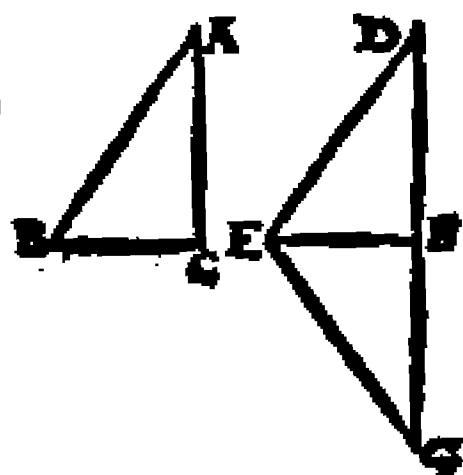


ε

Εάν δύο ῥιγῶνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχη, ἰσγῶ-
νια ἔσονται ῥιγῶνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας ὑφ' αἷς
αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema 5. Propositio 5.

Si duo triangula latera pro-
portionalia habeant, equi-
angula erunt triangula, &
æquales habebunt eos an-
gulos, sub quibus homo-
loga latera subtendun-
tur.



ε Εάν

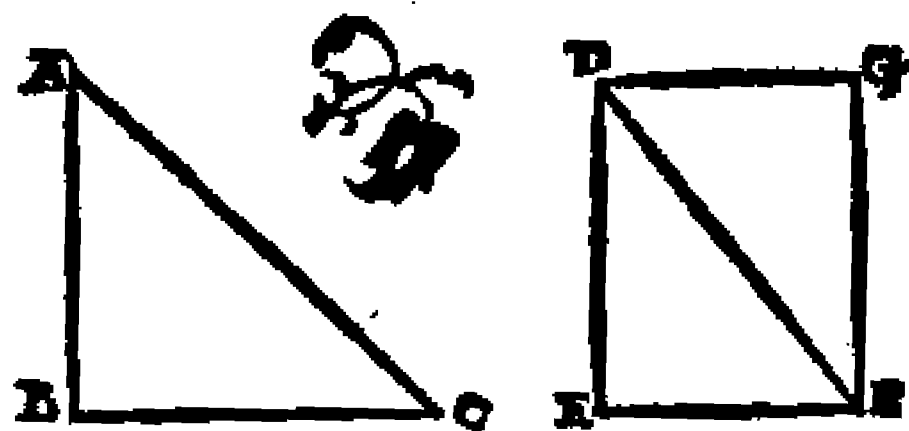
ε

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴσην ἔχῃ, περὶ ᾗ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ἴσγῶνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας, ὑφ' αἷς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema 6. Propositio 6.

Si duo triacula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangula erunt

triangu-
la, æqua-
lesq; ha-
bebunt
angulos,
sub qui-



bus homologa latera subtenduntur.

ζ

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴσην ἔχῃ, περὶ ᾗ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέρων ἅμα ἢ τοι ἐλάσσθῃα ἢ μὴ ἐλάσσθῃα ὁρῶν, ἴσγῶνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας, περὶ αἷς ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραί.

Theorema 7. Propositio 7.

Si duo triacula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angulos

G 5

los

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

los latera proportionalia habeant, reliquo-
rum verò simul vtrunque aut minorem aut
nō mino

re recto:

equiangu

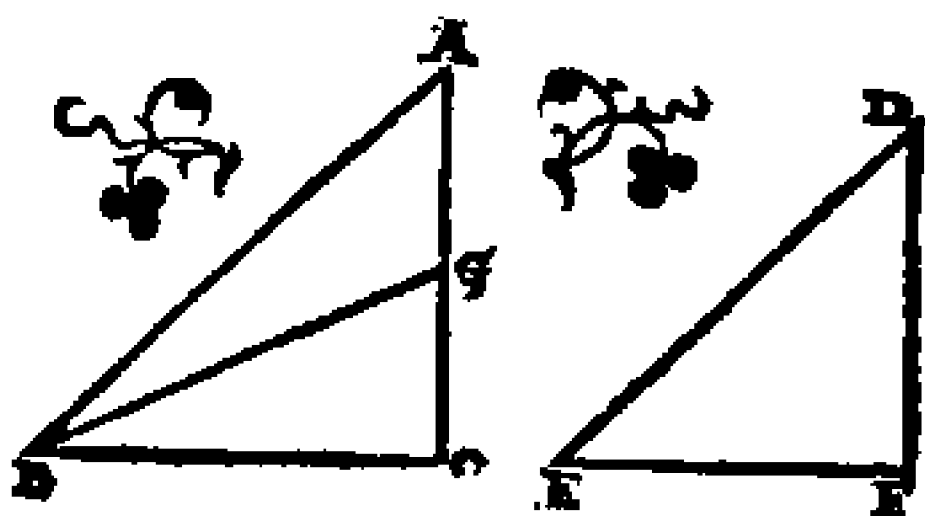
la erunt

triangu-

la, & æ-

qualesha

bebunt eos angulos, circum quos propor-
tionalia sunt latera.

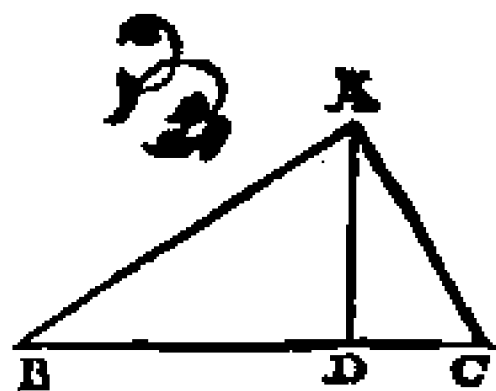


η

Εάν ἐν ὀρθογωνίῳ ζιγῶνται, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας
ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετὸς ἀχθῇ, τὰ πρὸς τῇ κάθετῳ
ζιγῶνα ὁμοιάβειν τῷ τε ὅλῳ, καὶ ἀλλήλοις.

Theorema 8. Propositio 8.

Si in triangulo rectangu-
lo, ab angulo recto in ba-
sin perpendicularis du-
cta sit, quæ ad perpendi-
cularem triangula, tum
toti triangulo, tum ipsa
inter se similia sunt.



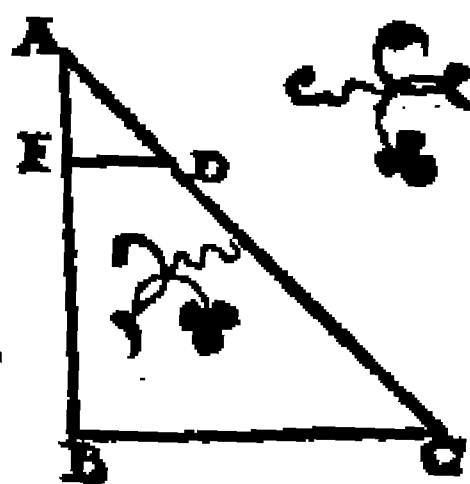
θ

Τῆς δοθείσης εὐθείας τὸ προσταχθὲν μέρος ἀφελθῇ.

Pro.

Problema 1. Propo-
sitio 9.

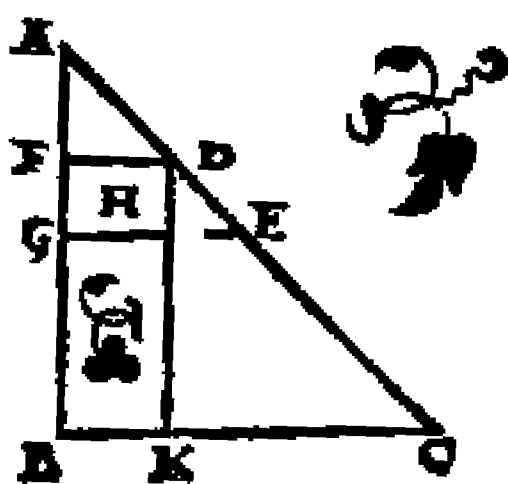
A data recta linea impe-
ratam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀτμήτον, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ
τετμημένη ὁμοίως τεμεῖν.

Problema 2. Propo-
sitio 10.

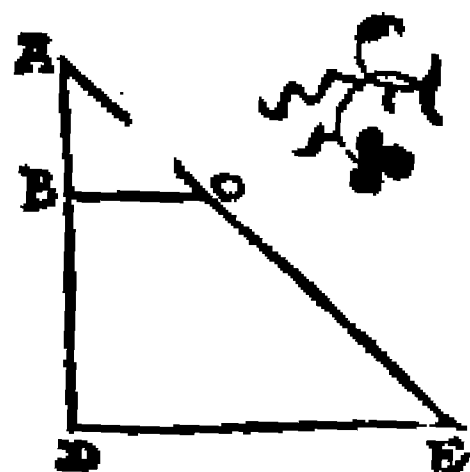
Datam rectam lineam in-
sectam similiter secare, ut
data altera recta secta fue-
rit;



Δύο δοθεῶν εὐθειῶν, ζήτην ἀνάλογον προσευ-
ρεῖν.

Problema 3. Propo-
sitio 11.

Duabus datis rectis li-
neis, tertiam proportio-
nalem adinuenire.

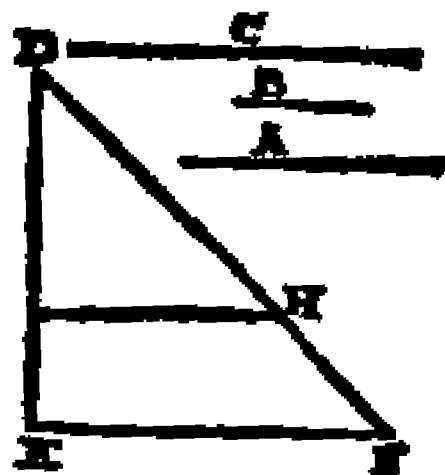


εβ Τριῶν

Τριῶν δοθεῶν εὐθειῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Problema 4. Propositio 12.

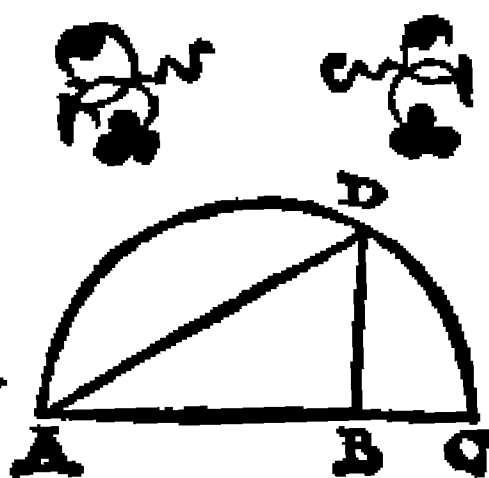
Tribus datis rectis lineis, quartam proportionalē adinuenire.



Δύο δοθεῶν εὐθειῶν, μέσην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Problema 5. Propositio 13.

Duabus datis rectis lineis, mediam proportionalem adinuenire.

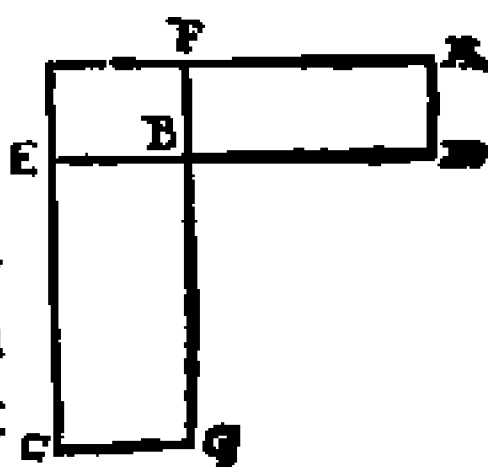


Τῶν ἴσων τε καὶ μίαν μὲν ἴσιν ἐχόντων γωνίαν παραλληλογράμμων, ἀνέκτετόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ τῶν παραλληλογράμμων μίαν μὲν ἴσιν ἐχόντων γωνίαν, ἀνέκτετόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ἐστὶν ἑκάστα.

Theor.

Theorema 8. Propositio 14.

Aequalium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

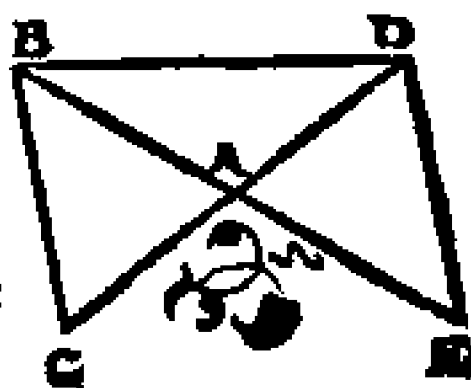


12

Τῶν ἰσῶν, καὶ μίαν μιᾷ ἰσῶν ἔχόντων γωνίαν ὅμοιων ἄντιπρόσθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας: καὶ τῶν μίαν μιᾷ ἰσῶν ἔχόντων γωνίαν ἄντιπρόσθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας, ἴσα εἰνέχονται.

Theorema 10. Propositio 15.

Aequalium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

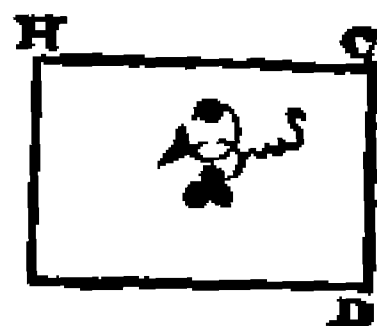
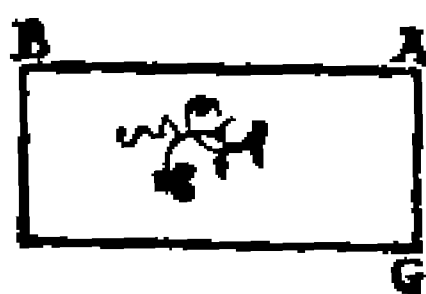
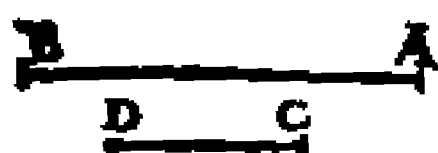


15 E24

Εάν τέσσαρες ευθείαι ανάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ῥηθωγώνιον, ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ῥηθωγώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ῥηθωγώνιον ἴσον, ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ῥηθωγώνιῳ, αἱ τέσσαρες ευθείαι ανάλογον ἔσονται.

Theorema II. Propositio 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis cōprehenditur rectangulū, æquale est ei, quod sub medijs cōprehēditur rectangulo. Et si sub extremis cōprehensum rectangulū æquale fuerit ei, quod sub medijs continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.

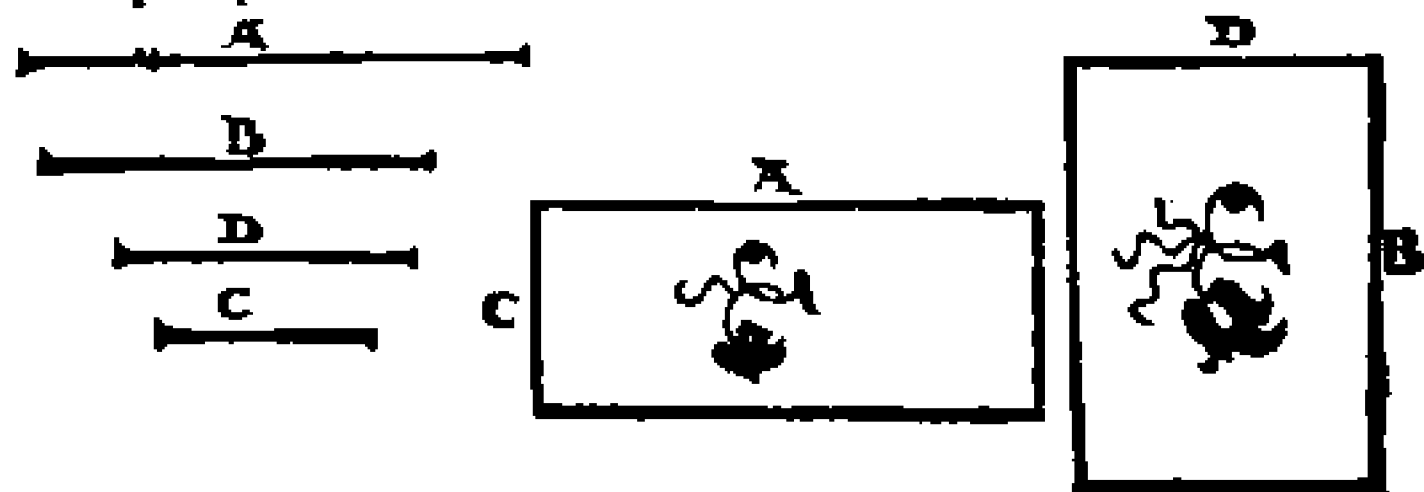


Εάν ᾖ τέσσαρες ευθείαι ανάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ῥηθωγώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ῥηθωγώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ῥηθωγώνιον ἴσον, ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ῥηθωγώνιῳ, αἱ ᾖ τέσσαρες ευθείαι ανάλογον ἔσονται.

Theo

Theorema 12. Propositio 17.

Si tres rectæ lineæ sint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illæ tres rectæ lineæ proportionales erunt.

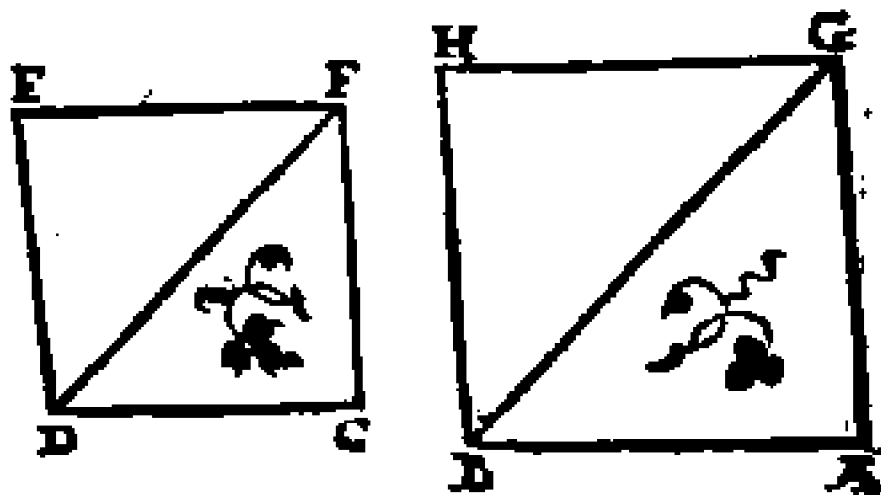


14

Απὸ τῆς δοθείσης εὐθείας, τῷ δοθέντι εὐθύγραμμῳ ὁμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον εὐθύγραμμον ἀναγράψαι.

Probl. 6. Propositio 18.

A data recta linea, dato rectilineo simile similiterq; positū rectilineum describere.



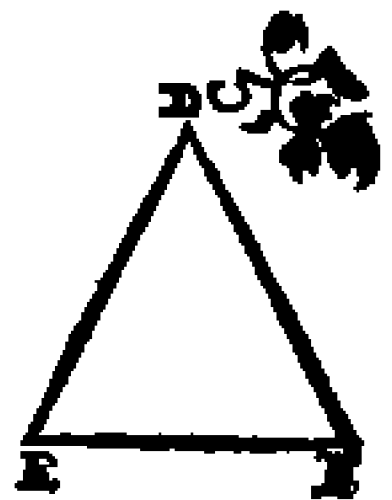
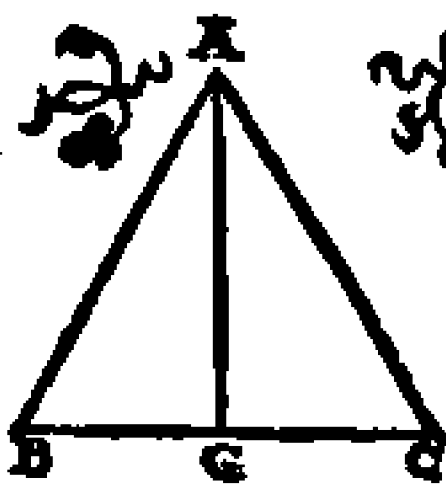
10

Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἀλλήλα ἐν διπλασίῳ λόγῳ εἰς τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 13. Propositio 19.

Similia
triangu-
la iter se
sunt i du
plicata ra
tione la-
terū ho-
mologorum.

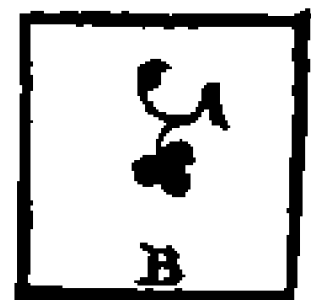
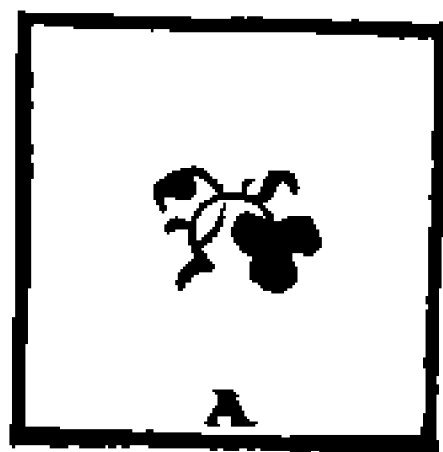
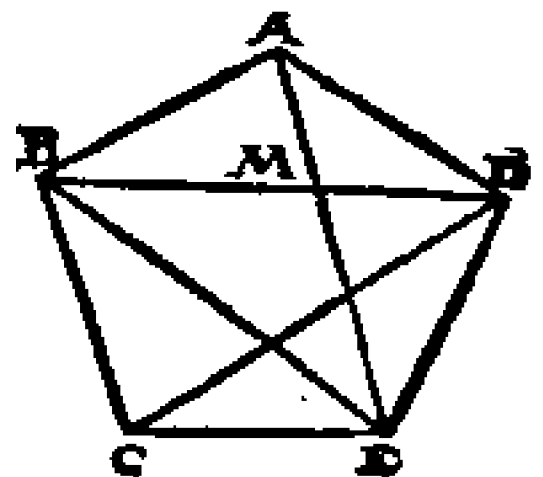
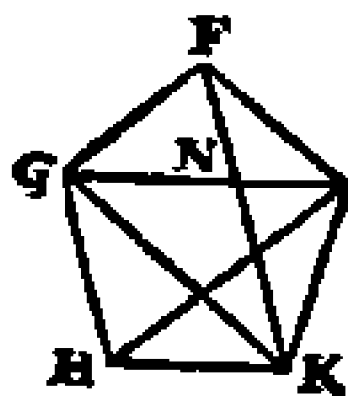


x

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια ῥιζώματα διαμερῆ-
ται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ
τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πῆξ ἡ ὁμολο-
γος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theorema 14. Propositio 20.

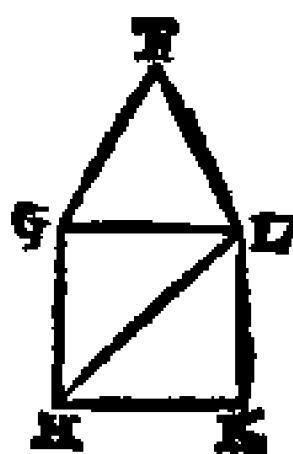
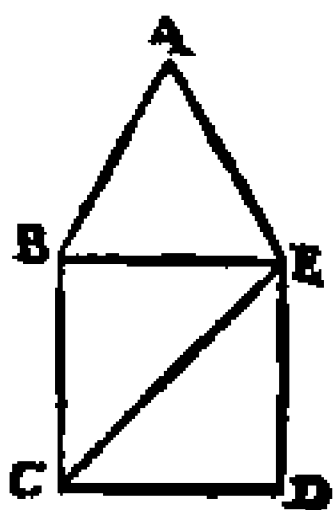
Similia
polygona in si-
milia tri-
angula diuidun-
tur, & nu-
mero æ-
qualia,
& homo-
loga to-
tis. Et po-
lygona



=

duplis

διπλασιασμένη
ἔχουσιν αὐτὰς
ἑκατέρωθεν τὴν
ῥατίαν, ὥστε
ἡ ἀπὸ τοῦ ὁμο-
λογοῦς πλάτους
ἰσοϋγία ἰσὺς
ἔσται τῇ ἀπὸ
τοῦ ὁμοϋποκεί-
μενου πλάτους
ἰσοϋγίᾳ.

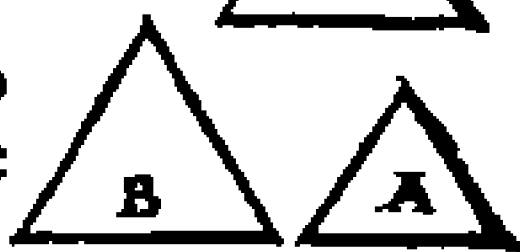


κα

Τὰ τῶν αὐτῶν ἰσοϋγία ὁμοία, καὶ ἀλλήλοις
ἰσὺν ὁμοία.

Theorema 15. Propo-
sitio 21.

Quæ eidem rectilineo
sunt similia, & inter se
sunt similia.



κβ

Ἐὰν τέσσαρες ἰσοϋγίαι ἀνάλογον ᾖσιν, καὶ τὰ ἀπὸ αὐ-
τῶν ἰσοϋγία ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμ-
μένα ἀνάλογον ᾖσιν, καὶ τὰ ἀπὸ αὐτῶν ἰσοϋγία
ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ᾖ,
καὶ αὐτὰ αἱ ἰσοϋγίαι ἀνάλογον ἔσονται.

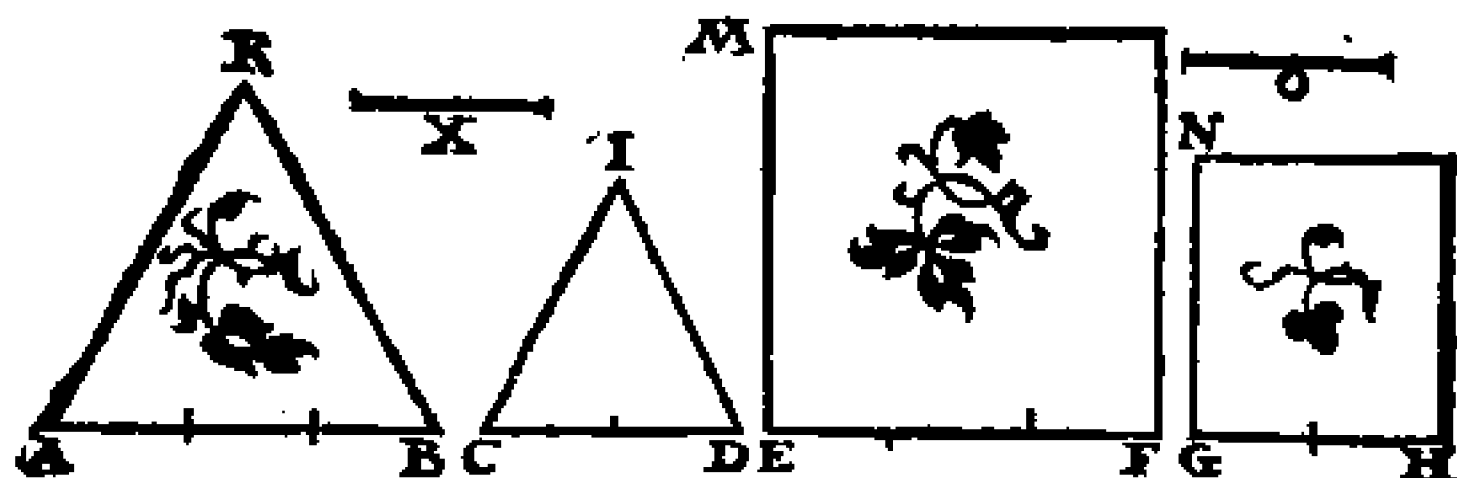
Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-
rint: & ab eis rectilinea similia similiterque
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis

H lineis

EVCLID. · ELEMEN. GEOM.

lineis similia similiterque descripta rectilī
nea proportionalia fuerint, ipsæ etiam re-
ctæ lineæ proportionales erunt.



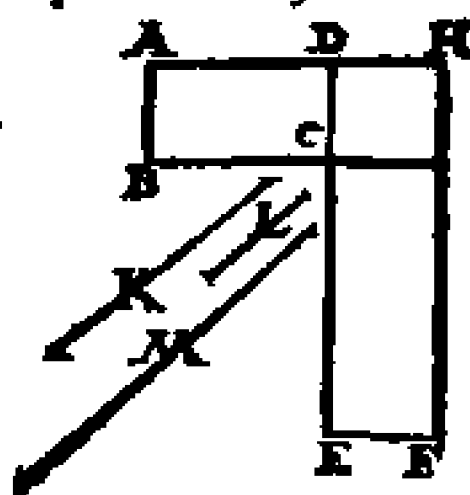
κ γ

Τὰ ἰσθγώνια παραλληλόγραμμα πρὸς
ἄλληλα λόγον ἔχει τὸν συγκέκλιμον ἐκ
τῶν πλευρῶν.



Theorema 17. Propositio 23.

Aequiangula parallelo-
gramma inter se rationē
habent eam, quæ ex lateri-
bus componitur.



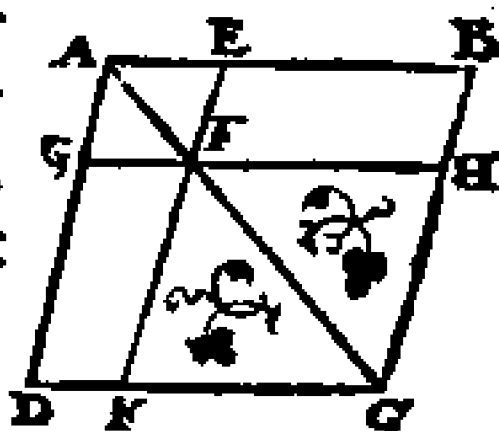
κ δ

Περὶ τὸς παραλληλογράμμους τὰ περὶ τὴν διάμε-
τρον παραλληλόγραμμα, ὁμοιά ἐστι τῶν τε ὁλῶ καὶ
ἐκτέλει.

Theorema 18. Propositio 24.

In

In omni parallelogrammo, quæ circa diametrum sunt parallelogramma, & toti & inter se sunt similia.

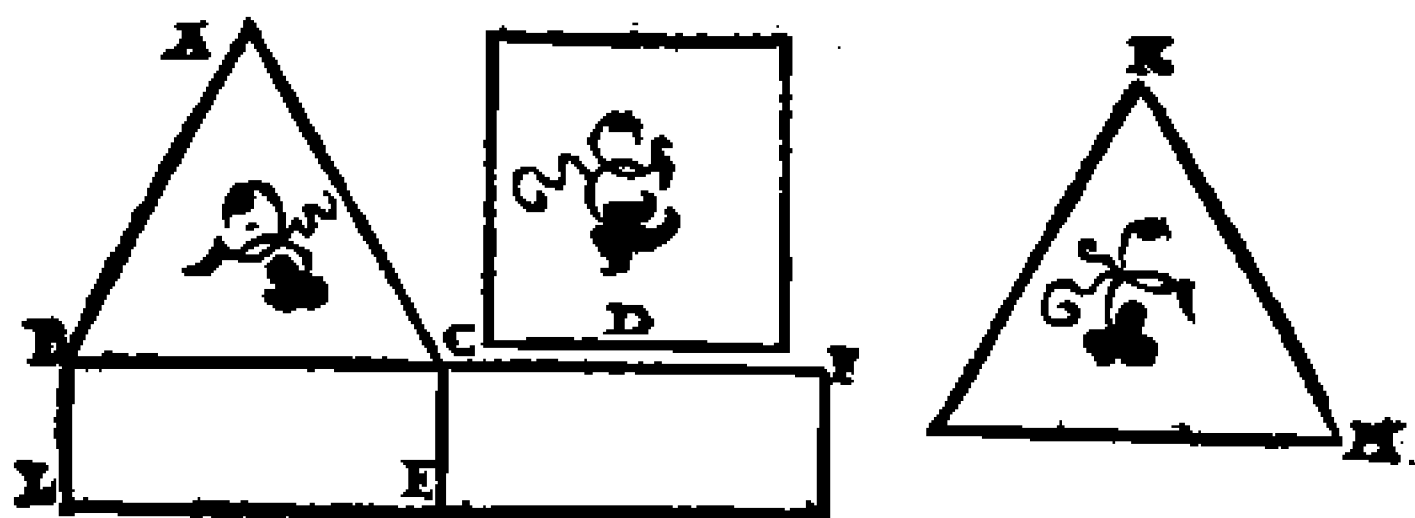


κ θ

Τῷ δοθέντι ευθυγράμμῳ ὁμοιον, καὶ ἄλλῳ δὲ δοθέντι ἴσῳ τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

Problema 7. Propositio 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æquale idem constituere.

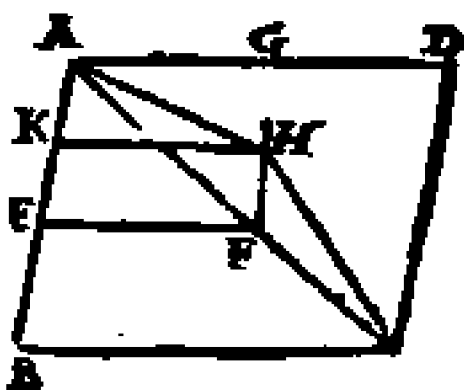


κ ς

Εὰν ἀπὸ παραλληλογράμμου παραλληλόγραμμον ἀφαιρεθῇ ὁμοίον τε δὲ ὅλῳ καὶ ὁμοίως κείμενον, κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον ἔσθι δὲ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallélogrammo parallelógrammum ablatum sit & simile toti & similiter positum cōmunem cum eo



EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 habens angulum, hoc circum eandem cum
 toto diametrum consistit.

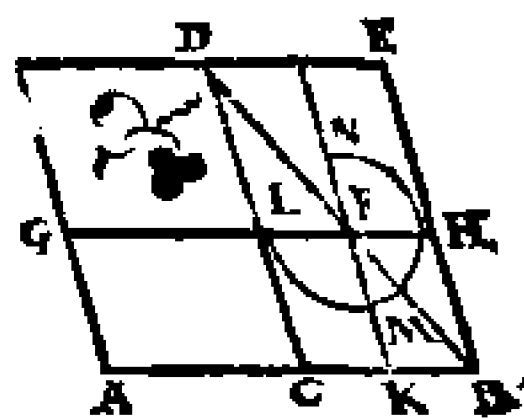
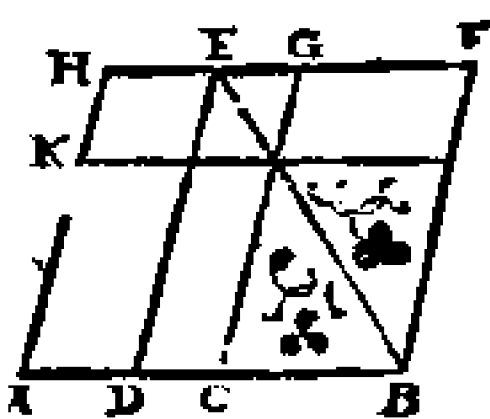
κζ

Πάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν παραβαλλο-
 μένων παραλληλογράμμων, καὶ ἐλλειπόντων εἶδους
 παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κείμενοις
 ὧς ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφόμενον, μέγιστόν ἐστι
 τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παραβαλλόμενον παραλλη-
 λογράμμον, ὁμοιον δὲν ὧς ἐλλείμματι.

Theorema 20. Propositio 27.

Omniū parallelogrammorum secundum
 eandem rectam lineam applicatorum defi-
 cientiumque figuris parallelograminis si-
 milibus similiterque positis ei, quod à di-
 midia

descri-
 bitur,
 maxi-
 mum,
 id est,
 quod



ad dimidiam applicatur parallelogrammum
 simile existens defectui.

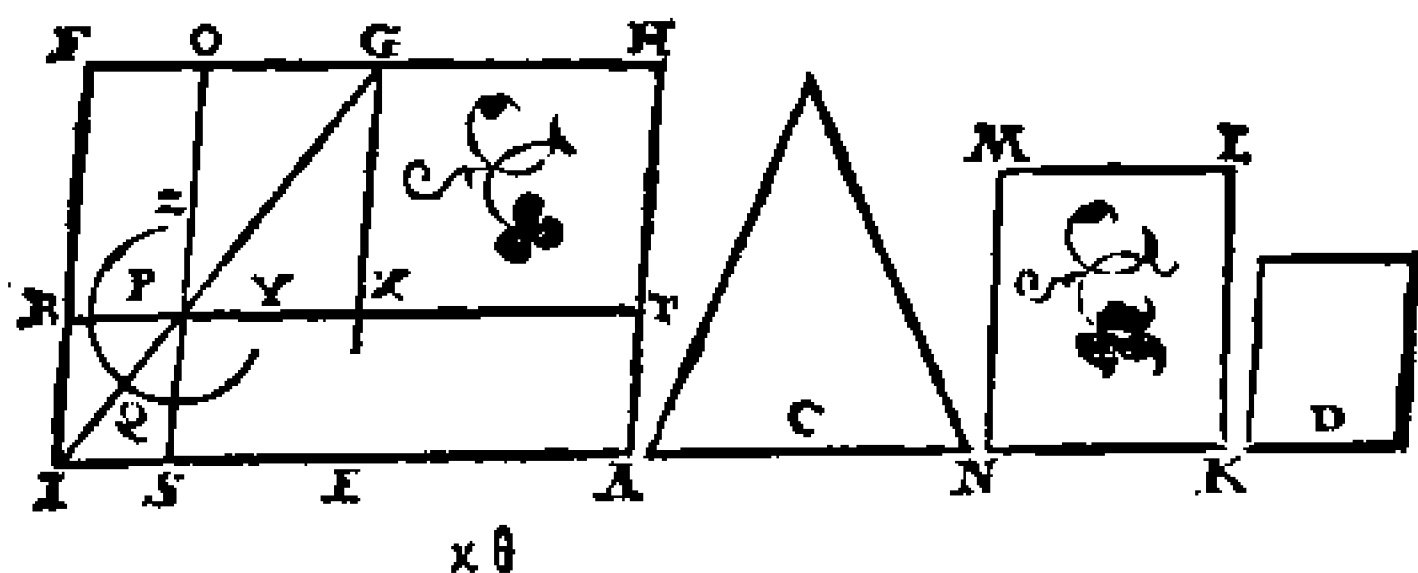
κη

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν ὧς δοθέντι εὐθυγράμ-
 μω ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν, ἐλλει-
 πονεῖν εἰς παραλληλόγραμμον ὁμοίον ἐν τῇ δοθέντι.
 δεῖ δὲ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, ὧς δεῖ ἴσον παρα-
 βαλεῖν,

βαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παρα-
 βαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλειψομάτων, τοῦ τε
 ἀπὸ τῆς ἡμισείας καὶ ὅ ὅμοιον ἐλλείπεν.

Problema 8. Propositio 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo
 æquale parallelogrammum applicare defi-
 ciens figura parallelogramma, quæ similis
 sit alteri rectilineo dato. Oportet autem
 datum rectilineum, cui æquale applican-
 dum est, non maius esse eo quod ad dimi-
 diam applicatur, cùm similes sint defectus
 & eius quod à dimidia describitur, & eius
 cui simile deesse debet,

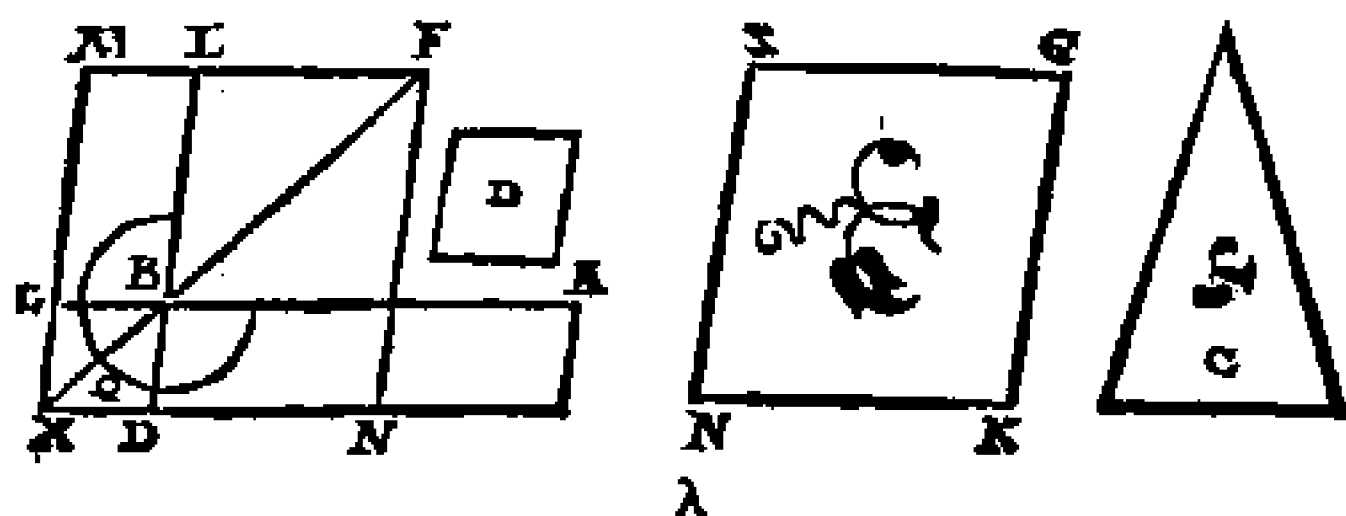


Παρά τὴν δοθεῖσαν, εὐθεῖαν καὶ δοθέντα εὐθυγράμ-
 μω ἴσῃ παραλλόγραμμον παραβαλεῖν ὑπερ-
 βάλλον εἶδος παραλληλογράμμω ὁμοίῳ καὶ δοθέντι.

Problema 9. Propositio 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo
 H 3 æquale

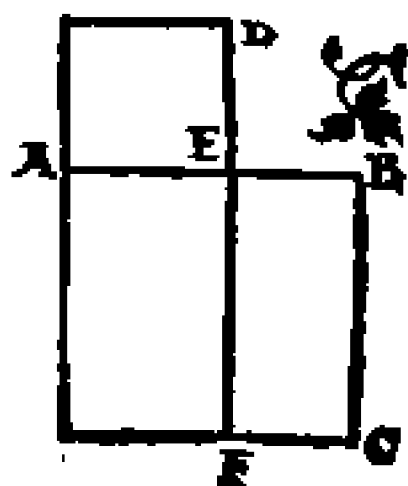
EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 æquale parallelogrammum applicare, exco-
 dens figura parallelogramma, quæ similis sit
 parallelogrammo alteri dato.



Τὴν τιθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ
 μέγαν λόγον τεμεῖν.

Problema 10. Propo-
 sitio 30.

Propositam rectam li-
 nearum terminatam, extre-
 ma ac media ratione se-
 care.



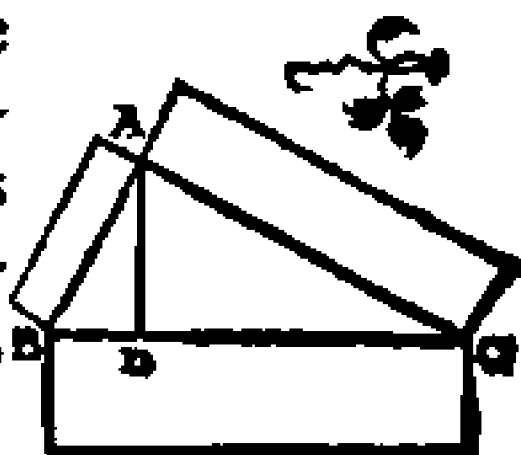
λα

Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις ῥιγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς
 γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς εἶδος ἵσθ' ἐπὶ τοῖς ἀ-
 πὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν εἶ-
 δεσι τοῖς ὁμοίοις καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενοις.

Theorema 21. Propositio 31.

In reſtangulis triangulis, figura quævis à la-
 tere reſtuum angulum ſubtendēte deſcripta
 æqua-

æqualis est figuris, quæ priori illi similes & similiter positæ à lateribus rectum angulum continentibus describuntur.

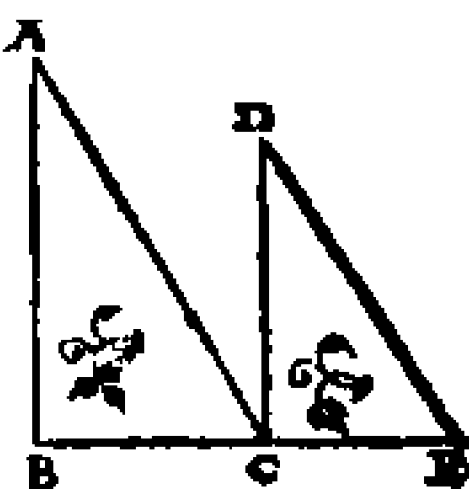


λβ

Εάν δύο τρίγωνα συνεδῇ κατὰ μίαν γωνίαν τὰς δύο πλευρὰς τᾶς δυοὶ πλευρᾶς ἀνάλογον ἔχοντα, ὥς τε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ παραλλήλους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευρᾶς ὑπὸ εὐθείας ἔσονται.

Theorema 22. Propositio 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus lateribus proportionalia habeant, secundum unum angulum composita fuerint, ita ut homologa eorum latera sint etiā parallela, tum reliqua illorum triangulorum latera in rectam lineam collocata reperientur.



λγ

Εν τοῖς ἴσθις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι τᾶς περιφερείαις, ὅς ὃν βεβήκασιν, εἴαντε πρὸς τοῖς κέντροις, εἴαντε πρὸς τᾶς περιφερείαις ὥς τι βεβήκῃαι. ἔτι καὶ οἱ τομῆς, ὅτε πρὸς τοῖς κέντροις συνευθύνονται.

H 4

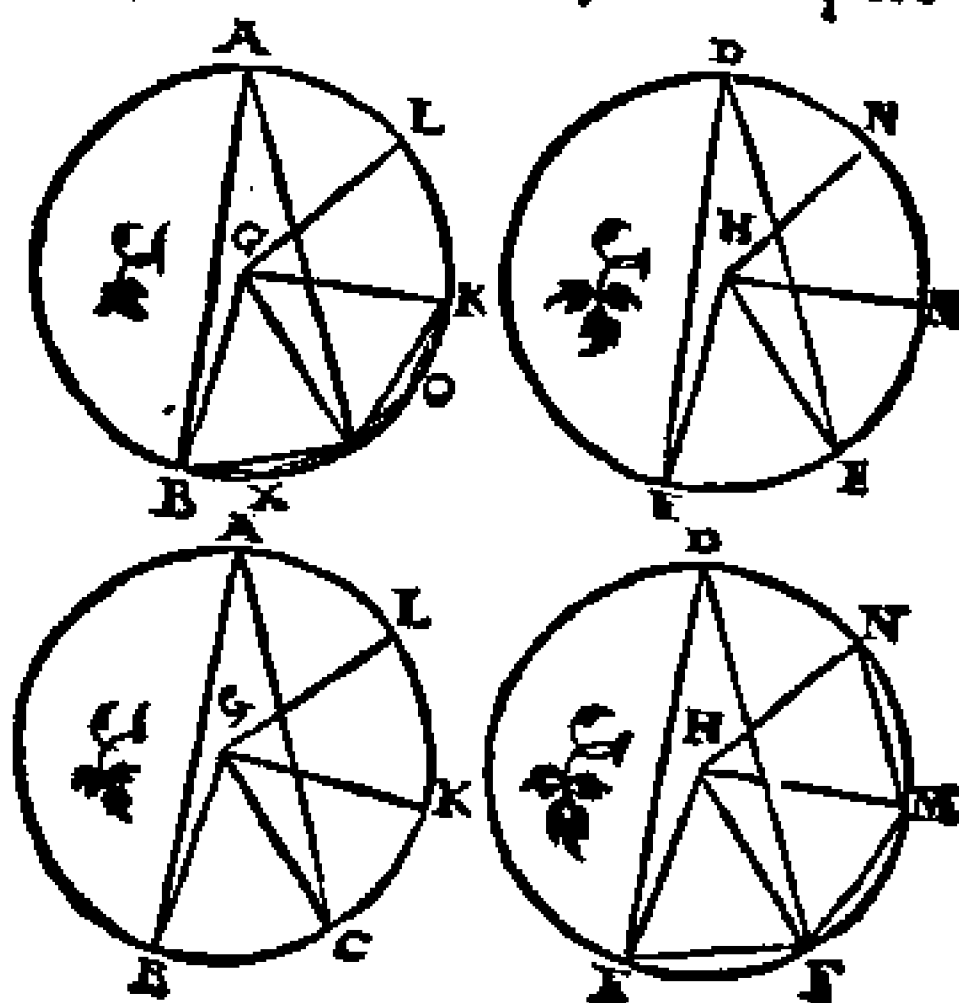
Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habent rationem cum ipsis peripherijs in quibus insistant, siue ad centra, siue ad peripherias

cóstituti illis insistant peripherijs. Insuper verò & sectores, quippe qui ad centra consistunt,



Elementi sexti finis.

ΕΥΚΛΕΙ⁶¹
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ
ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM SEPTIMVM.

ΕΡΩΤΗ.

α

Μονάς ἔστι, καὶ ἥν ὁ ἕκαστος τῶν ἑντῶν ἐν λε-
γεται.

DEFINITIONES.

1

Unitas, est secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Αριθμός ἔστι, τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex unitatibus composita
multitudo.

Ἡ δ γ μέρος

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

γ

Μέρος ἐστὶν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ ὁ ἐλάττω τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρή τὸν μείζονα.

3

Part, est numerus numeri minor maioris, cum minor metitur maiorem.

δ

Μέρη ἓ, ὅταν μὴ καταμετρή.

4

Partes autem, cum non metitur.

8

Πολλαπλάσιος ἓ, ὁ μείζων τοῦ ἐλάττωτος, ὅταν καταμετρήται ὑπὸ τοῦ ἐλάττωτος.

5

Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem metitur minor.

5

Ἀρὺς ἓ ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ δίχα διαιρούμενος.

6

Par numerus, est qui bifariam dividitur.

3

Περὶσσοῦς ἓ, ὁ μὴ διαιρούμενος δίχα. ἥ, ὁ μονάδι διαφέρων ἀρτίῳ ἀριθμῷ.

7

Impar verò, qui bifariam non dividitur: vel, qui unitate differt à pari.

η

Ἀρτιάκις ἀρὺς ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίῳ ἀριθμοῦ

μοῦ μέτρούμῳ κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus, est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Ἀρτιάκις ἢ περισσός ἐστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίῳ ἀριθμῷ μετρούμῳ κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quem par numerus metitur per numerum imparem.

1

Περισσάκις ἢ περισσός ἐστιν ἀριθμός, ὁ ὑπὸ περισσοῦ μέτρούμῳ κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus, est quem impar numerus metitur per numerum imparem.

1α

Πρῶτος ἀριθμός ἐστιν, ὁ μονάδι μόνῃ μετρούμῳ.

11

Primus numerus, est quem vnitas sola metitur.

1β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μετρούμῳ κοινῷ μέτρῳ.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

1γ Σήν-

17

Σύνθετος ἀριθμός ἐστίν, ὃς ἀριθμῷ τινὶ μεζούμενος.

13

Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

18

Σύνθετοι ἢ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῷ τινὶ μεζούμενοι κοινῷ μεζῶ.

14

Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

19

Αριθμός ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τσαυτάκις σιωτεθῇ ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

15

Numerus numerum multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

20

ὅταν ἢ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὃ γενόμενος ἐπίπεδος καλεῖται, πλευρὰ ἢ αὐτοῦ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοὶ.

16

Cum autem duo numeri mutuò sese multipli-

tipli-

multiplicantes quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

13

ὅταν ὅς τρεις ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινά, ὁ γενόμενος στερεὸς καλεῖται, πλευρὰ δὲ αὐτοῦ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicantes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur,

14

Τετράγωνος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ἰσάκεις ἑῷς. ἢ, ὁ ὑπὸ δύο ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

16

Κύβος ὅς, ὁ ἰσάκεις ἑῷς ἰσάκεις. ἢ, ὁ ὑπὸ τριῶν ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris continetur.

* Αρι-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

κ

Αριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τοῦ δευτέρου καὶ ὁ τρίτος τοῦ τετάρτου ἰσάκως ἢ πολλαπλασσιος, ἢ τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾖσιν.

20

Numeri proportionales sunt, cūm primus secundi, & tertius quarti æquè multiplex est, vel eadem pars, vel eadem partes.

κα

ὅμοιοι ἐπίπεδοι καὶ στερεοὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui proportionalia habent latera.

κ β

Τέλφος ἀριθμός ἐστιν, ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖν.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipsis partibus est æqualis.

Προτάσις.

α

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσων ἐκκειμένων, ἀνδυφαιρουμένον αἰ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος ὁ λειψόμενος μηδέποτε καταμέσῃ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕως οὗ ληφθῇ μονάς, οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theo.

Theorema 1. Propositio 1.

Duobus numeris inæqualibus propo-
tis, si detrahatur semper minor
de maiore, alterna quadam de-
tractione, neque reliquus vn-
quam metiatur præcedentem
quoad assumpta sit vnitas: qui
principio propositi sunt nume-
ri primi inter se erunt.

$$\begin{array}{ccc} A & & \\ \vdots & & \\ H & & C \\ \vdots & & \vdots \\ F & & G \\ \vdots & & \vdots \\ B & D & E \end{array}$$

β

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους,
τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 1. Propo. 2.

Duobus numeris datis non
primis inter se, maximam
eorum communem mensu-
ram reperire.

$$\begin{array}{ccc} & A & C \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ A & E & E \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ B & D & B \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ & & D \end{array}$$

γ

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλή-
λους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 2.

$$\begin{array}{ccccc} A & B & C & D & E \end{array}$$

Prop. 2.

$$\begin{array}{ccccc} 8 & 6 & 4 & 2 & 3 \end{array}$$

Tribus numeris
dati non primis

$$\begin{array}{ccccc} A & B & C & D & E & F \\ 18 & 13 & 8 & 6 & 2 & 3 \end{array}$$

inter

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
inter se, maximam eorum communem men-
suram reperire.

δ

Πᾶς ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τοῦ μέ-
ζονος, ἢ τοι μέρος ἐστίν, ἢ μέρος.

Theorema 2. Propo-
sitio 4.

Omnis numerus, cuiusq;
numeri minor maioris aut
pars est, aut partes,

			C	
			⋮	
			F	
			⋮	
		C	C	
		⋮	⋮	
		E		
		⋮		
	A	B	B	D
	⋮	⋮	⋮	⋮
	12	7	6	9
				3

ε

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὸ
αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρῳ τὸ
αὐτὸ μέρος ἔσται, ὅπερ ὁ εἰς τοῦ ἐνός.

Theorema 3. Propo-
sitio 5.

Si numerus numeri pars fue-
rit, & alter alterius eadem
pars, & simul uterque utrius-
que simul eadem pars erit,
quæ unus est unius.

			C	
			⋮	
			F	
			⋮	
			G	
			⋮	
			H	
			⋮	
	A	B	D	C
	⋮	⋮	⋮	⋮
	6	12	4	8

ς

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὰ
αὐτὰ μέρος ᾖ, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρῳ τὰ
αὐτὰ μέρος ἔσται, ὅπερ ὁ εἰς τοῦ ἐνός.

Theo

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alterius ex
dem partes, & simul vter
que vtriusque simul ex
dem partes erūt, quæ sunt
vnus vnus.

		E	
B		⋮	
⋮		H	
H		⋮	
⋮	C	D	F
A			
6	9	8	12

Εάν αριθμός αριθμοῦ μέρος ἢ ὅτις ἀφαιρεθεὶς ἀφαί
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ αὐτὸ μέρος ἔσται ὁ
πᾶς ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	⋮
	F
	⋮
B	⋮
E	C
⋮	⋮
A	G
6	16

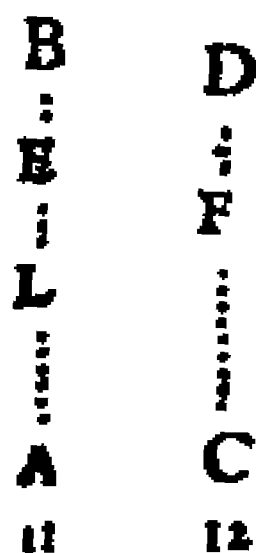
¶

Εάν αριθμός αριθμοῦ μέρος ἢ ὅτις ἀφαιρεθεὶς ἀφαί
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται
ὅτις ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

I Theor

EVCLID. ELEM. GEOM.
Theor.6.Proposit.8.

Si numerus numeri ex-
dem sint partes quæ detra-
ctus detracti, & reliquus
reliqui eedem partes e-
runt, quæ sunt totus to-
tius.

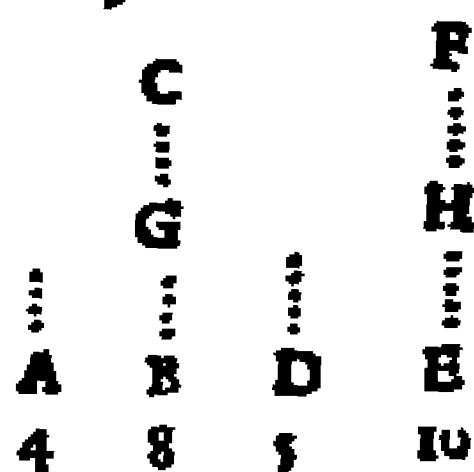


9 G...M.K...N.H.

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ αὐ-
τὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὃ μέρος εἰσὶν ἢ μέρη ὁ πρῶτος
τοῦ ζήτα, τὸ αὐτὸ μέρος εἶσαι ἢ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ
δύτερος τοῦ τετάρτου.

Theor.7.Proposit.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadē
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tij, eadem pars erit vel
eadem partes & secun-
dus quarti.



1

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ, ὃ μέρη εἰσὶν ὁ πρῶτος τοῦ
ζήτα ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη εἶσαι, καὶ ὁ δεύτερος τοῦ
τετάρτου, ἢ μέρος.

Theor.

Theor. 8. Propo. 10.

Si numerus numeri partes sint, & alter alterius eadem partes, etiam vicissim quæ sunt partes aut pars primus tertij, eadem partes erunt vel pars & secundus quarti,

		E	
H		⋮	⋮
G		H	⋮
A	C	D	F
4	6	10	18

^{1α}
Εάν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρθεὶς πρὸς ἀφαιρθέντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος πρὸς ὅλον.

Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodum se habet totus ad totum, ita detractus ad detractum, & reliquus ad reliquum ita habebit ut totus ad totum.

	D
B	⋮
E	F
A	C

^{1β}
Εάν ὥσιν ὁ ποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον, ἔσται ὡς εἰς τῶν ἡγεμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, οὕτως ἀπαίρετες οἱ ἡγούμενοι πρὸς τοὺς ἐπομένους.

Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcunque numeri proportionales, quemadmodum se habet vnus antecedentium ad vnum sequentium, ita se habet

A	B	C	D
9	6	3	2
1	2		habet

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
habebunt omnes antecedentes ad omnes
consequentes.

¹⁷
Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσι, καὶ ἐναλλάξ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint
proportionales, & vicif-
sim proportionales erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	9	3

¹⁸
Εὰν ᾦσιν ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι
τὸ πλῆθος σύνθετο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λό-
γῳ, καὶ δι' ἴσου ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcun-
que numeri & a-
lij illis æquales

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
12	6	3	8	4	2

multitudine, qui bini sumantur & in eadem
ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratio-
ne erunt.

¹⁹
Εὰν μονὰς ἀριθμόν ἕνα μετρήῃ, ἰσάκεις ἕτερος ἀρι-
θμὸς ἄλλον ἕνα ἀριθμόν μετρήῃ, καὶ ἐναλλάξ ἰσά-
κεις ἢ μονὰς τ' τρίτον ἀριθμόν μετρήσει καὶ ὁ δεύτε-
ρος τέταρτον.

Theo-

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerū quem-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quēdam
numerū æquē metiatur,
& vicissim vnitas tertium
numerū æquē metietur,
atq; secundus quartum.

			F
	C		L
	H		K
	G		E
A	B	D	
1	3	2	6

15

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους
ποιῶσι τινὰς, οἱ γεόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ἴσονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-
tuò sese multipli-
cantes faciant alios

E	A	B	C	D
1	2	4	8	8

quos, q̄ ex illis geniti fuerint, inter se equa-
les erunt.

16

Εάν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῇ
τινὰς, οἱ γεόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι
πολλαπλασιασθῆσιν.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans fa-
ciat

I 3

ciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt, eandē ra-
tionem habebunt, quam multiplicati.

14

Εάν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμόν ἕνα πολλαπλασιάσαν-
τες ποιῶσι ἕκασ, οἱ γενόμενοι ἑαυτῶν τὸ αὐτὸ ἔξω-
σι λόγον τοῖς πολλαπλασιάσασιν.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eandem habebunt ratio-
nem, quam qui illum multiplicarunt.

15

Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾖσιν, ὁ ἐκ τοῦ πρώ-
του καὶ τεταρτοῦ γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος ἔσται τῷ ἐκ
τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου γινόμενῳ ἀριθμῷ. καὶ ἐάν
ὁ ἐκ τοῦ πρώτου καὶ δευτέρου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος
ᾖ τῷ ἐκ τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema 17. Propositio 19.

Si quatuor numeri sint proportionales, qui
ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex
secundo & tertio: & si qui ex primo & quar-
to fit numerus æqualis sit ei qui ex secundo
& ter-

& tertio, illi qua-
tuor numeri pro
portionales erūt.

:	:	:	:	:	:	:
A	B	C	D	E	F	G
6	4	3	2	12	12	18

κ

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων
ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου. ἐὰν δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων
ἴσος ᾖ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλο-
γον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab
extremis continetur equalis est ei qui à me-
dio efficitur. Et si qui ab
extremis cōtinetur equa-
lis sit ei qui à medio descri-
bitur, illi tres numeri pro-
portionales erunt.

:	:	:
A	B	C
9	6	4
D		
6		

κα

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων
αὐτοῖς, μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ-
τοῖς ἰσάκεις, ὁ, τε μείζων ἢ μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν
ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omniū,
qui eandem cum eis ra-
tionem habēt, equaliter
metiuntur numeros ean.

D	L		
:	:		
G	H		
:	:	:	:
C	E	A	B
4	3	8	6
I	4		dem

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 dem rationem habentes, maior quidem ma-
 iorem, minor verò minorem.

κβ

Εάν ὦσι τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆ-
 ϑος, σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ,
 ἢ ὁ τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσος ἐν τῷ
 αὐτῷ λόγῳ ἴσονται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres sint numeri & alij multitudine illis
 æquales, qui bini sumantur & in eadem ra-
 tione, sit autem perturbata eorum propor-
 tio, etiam ex æ-
 qualitate in ea-
 dem ratione e-
 runt,

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
6	4	3	12	8	6

κγ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι εἰσι
 τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Prop. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium
 eandem cum eis ra-
 tionem habentiū.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{E}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
5	6	2	4	3

κδ

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἐχόντων
 αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Theorema 22. Propositio 24.

Mini-

Minimi numeri omnium eandem cum eis ra-
tionem habentium,
primi sunt inter se.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
8	6	4	3	2

κε

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, ὁ τὸν
ἓνα αὐτῶν μεζῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶ-
τος ἔσται.

Theorema 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alter-
utrum illorum metitur
numerus, is ad reliquū
primus erit.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
6	7	3	4

κς

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἑνὸς ἀριθμὸν πρῶτοι ᾧσιν,
καὶ ὁ ἄξ αὐτῶν γινόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος
ἔσται.

Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad
quempiam numerū
primi sint, ad eūdem
primus is quoque fu-
turus est qui ab illis
productus fuerit.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
5	5	5	3	2	

κζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιν, ὁ ἐκ
I 5 τοῦ

τοῦ ἑνὸς αὐτῶν γινόμενος πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter se, qui ab vno eorum gignitur, ad reliquum primus erit.

⋮ B	⋮ C	⋮ D
⋮ A		
7	6	3

κ η

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμοὺς ἀμφοτέρω πρὸς ἑκάτερον πρῶτοι ᾖσι, καὶ οἱ ἄρα αὐτῶν γινόμενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad vtrunque primi sint, & qui ex eis gignentur, primi inter se erunt.

⋮ A	⋮ B	⋮ E	⋮ C	⋮ D	⋮ F
3	5	15	2	4	8

κ θ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ πολλαπλασιάσας ἑκάτερος ἑαυτὸ ποιῇ ἑνὰ, οἱ γινόμενοι ἄρα αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους, ἔσονται. καὶ οἱ ἄρα ἀρχῆς τοὺς γινόμενους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι ἑνὰς, καὶ οἱ αὖτε πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται, καὶ αἰετὶ περὶ τοὺς ἄκρας τοῦτο συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multipli-
cans vterque seipsum procreet aliquem, qui
ex

LIBER VII.

70

ex ijs producti fuerint, primi inter se erunt.
 Quòd si numeri initio propositi multipli-
 cantes eos qui producti sunt, effecerint ali-
 quos, hi quoq; inter se primi erunt, & circa
 extremos idē hoc

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{F}$
3	6	27	4	16	63

semper eueniet.

λ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾿ωσι, καὶ συ-
 ναμφοτέρως πρὸς ἑκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται. καὶ
 εἰς ἀν συναναμφοτέρως πρὸς ἓνα ἐκ τῶν αὐτῶν πρῶτος ᾿ῃ,
 καὶ οἱ ᾿ξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam si-
 mul vterq; ad vtrunq; illorum primus erit.
 Et si simul vterq; ad vnum aliquem eorum
 primus sit, etiam qui ini-

C

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{D}$
----------------------	----------------------	----------------------

7	5	4
---	---	---

λα

ἅπας πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀριθμὸν, ὃν
 μὴ μετρεῖ, πρῶτος ἔστιν.

Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus ad
 omnem numerum quem nō
 metitur, primus est.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$
----------------------	----------------------	----------------------

7	19	5
---	----	---

λβ

Εάν

· EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, τὸν ὃ γινόμενον ἔξ αὐτῶν μετρή τις πρῶτος ἀριθμὸς, καὶ ἕνα τῶν ἔξ ἀρχῆς μετρήσει.

Theor. 30. Propo. 31.

Si duo numeri sese mutuò multiplicantes faciant aliquem, hunc aút ab illis productum metiatur primus quidam numerus, is alterum etiam metitur eorum qui initio positi erant.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
2	6	12	3	4

λγ

Ἄπας σύνθετος ἀριθμὸς, ὑπὸ πρῶτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor. 31. Prop. 33.

Omnem cōpositum numerū aliquis primus metietur.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$
27	9	3

λδ.

Ἄπας ἀριθμὸς ἢ τοι πρῶτος ἐστίν, ἢ ὑπὸ πρῶτου ἑνὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numerus aut primus est, aut eū aliquis primus metitur.

$\dot{A}$	$\dot{A}$	$\dot{A}$
3	6	3

λε

Αριθμῶν δοθέντων ὅποσωνοῦν εὑρεῖν τοὺς ἐλαχίστους τῶν ἑ αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Prop. 35.

Numeris datis quotcunque, reperire minimos omnium qui eandem cum illis rationem habeant.

:

LIBER VII.

71

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{K}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{I}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{M}}$
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λς

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετροῦ-
σιν ἀριθμόν.

Probl. 4. Pro-
po. 36.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$
$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$
7	12	8	4	5

Duobus numeris
datis, reperire quē
quem illi minimū
metiantur nume-
rum.

λς

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$
$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$
6	9	12	9	2	3

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμόν ἔκω μεζῶσι, καὶ ὁ ἐλάχι-
στος ὑπ' αὐτῶν μεζούμενος τὸν αὐτὸν μεζήσει.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum
quempiam metiantur, &
minimus quem illi me-
tiantur eūdem metietur.

λη

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$
$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$
2	3	6	12

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μεζοῦ-
σιν ἀριθμόν.

Probl. 5. Prop. 38.

Tribus numeris
datis reperire quē

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$
3	4	6	12	8

mini-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

minimum nume-
rum illi metian-
tur.

$\dot{\bar{A}}$	$\dot{\bar{B}}$	$\dot{\bar{C}}$	$\dot{\bar{D}}$	$\dot{\bar{E}}$	$\dot{\bar{F}}$
3	6	8	12	24	16

λθ

Εάν ἀριθμὸς ὑπότινος ἀριθμοῦ μεζήται, ὁ μετρού-
μενος ὁμώνυμον μέρος ἔχει ὅ μεζοῦντα.

Theor. 34. Proposit. 39.

Si numerum quispiam numerus metiatur,
mensus partem habe-
bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{\bar{A}}$	$\dot{\bar{B}}$	$\dot{\bar{C}}$	$\dot{\bar{D}}$
12	4	3	1

μ

Εάν ἀριθμὸς μέρος ἔχη ὁτιοῦν, ὑπὸ ὁμώνυμῳ ἀρι-
θμοῦ μεζηθήσεται ὅ μέρει.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit quamlibet, il-
lum metietur numerus
parti cognominis.

$\dot{\bar{A}}$	$\dot{\bar{B}}$	$\dot{\bar{C}}$	$\dot{\bar{D}}$
8	4	2	1

μα

Αριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὦν ἔχει τὰ δοθέντα μέρη.

Proble. 6. Proposit. 41.

Numerū reperire, qui
minimus cū sit, da-
tas habeat partes.

$\dot{\bar{A}}$	$\dot{\bar{B}}$	$\dot{\bar{C}}$	$\dot{\bar{G}}$	$\dot{\bar{H}}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ἑκδοσιν.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM OCTAVVM.

α.

ΕΑΝ ὧσιν ὅσοιδηποτῶν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον,
οἱ δὲ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν,
ἐλάττωσί εἰσι τῶν τ' αὐτὸ λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 1. Proposit. 1.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propo-
tionales, quorum extremi sint inter se pri-
mi, mini-
mi sunt
omnium
eandem cum eis rationem habentium.

	$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
	8	12	18	27	6	8	12	18

β Δεῖται

β

Αριθμοὺς εὐρεῖν ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλαχίστους, ὅσους ἐπι-
τάξῃ τις ὅτ' ὁ δοθέντε λόγῳ.

Problema 1. Propo. 1.

Numeros reperire deinceps proportionales
minimos, quotcunque iusserit quispiam in
data ratione.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$	$\dot{\dot{G}}$	$\dot{\dot{H}}$	$\dot{\dot{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Ἐὰν ὧσιν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλαχί-
στοι τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι αὐ-
τῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Theor. 2. Prop. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propo-
tionales minimi habētium eandem cum eis
rationem, illorum extremi sunt inter se pri-
mi.

$\dot{\dot{A}}$	$\dot{\dot{B}}$	$\dot{\dot{C}}$	$\dot{\dot{D}}$	$\dot{\dot{E}}$	$\dot{\dot{F}}$	$\dot{\dot{G}}$	$\dot{\dot{H}}$	$\dot{\dot{K}}$	$\dot{\dot{L}}$	$\dot{\dot{M}}$	$\dot{\dot{N}}$	$\dot{\dot{O}}$
27	16	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὅποσωνοῦν ὅτ' ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς,
ἀριθμοὺς εὐρεῖν ἐξ ἧς ἐλαχίστους ὅτ' τοῖς δοθῇσι λό-
γοις.

Πρῶτ.

Problema 2. Prop. 4.

Rationibus datis quocunque in minimis
numeris reperire numeros deinceps mini-
mos in datis rationibus.

⋮	⋮	:	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12

ε

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγονέχουσι τ
συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theorema 3. Prop. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex la-
teribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16

ς

Εάν ᾧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ ᾧ πρῶ-
τος τὸν δεύτερον μὴ μετρεῖ, οὐδεὶς ἄλλος οὐδένα με-
τρήσει.

Theorema 4. Prop. 6.

Κ

Σί

Si sint
quotlibet
numeri
deinceps
proportionales, primus autem secundum
non metiatur, neq; alius quisquam vllum
metietur.

Εάν ὧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὃ ὅτε πρῶτος τὸν ἐσχατὸν μετρήσει, καὶ τὸ δεύτερον μετρήσει.

Theore. 5. Propos. 7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportiona-
les, primus autem extre-
mum metiatur, is etiam
secundum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
4	6	12	24

Εάν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλο-
γον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κα-
τὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, τ-
σοῦτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς με-
ταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν.

Theore. 6. Prop. 8.

Si inter duos numeros medij continua pro-
por-

portione incidant numeri, quot inter eos medij continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54
					9						

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσι, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξύ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξύ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ ἑκατέρω αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξύ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theore. 7. Proposi. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medij continua proportione incidant numeri, quot inter illos medij continua proportione incidunt numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac vnitatem deinceps medij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64
							K	2				1	Ἐὰν

Εάν δύο ἀριθμῶν καὶ μονάδος μεταξὺ κατὰ τὸ συνε-
χὲς ἀνάλογον ἐμπίπῃωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι ἑκατέρου
αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς
ἀνάλογον ἐμπίπῃουσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ εἰς αὐ-
τοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦν-
ται.

Theor. 8. Prop. 10.

Si inter duos numeros & unitatem cōtinuè
proportionales incidant numeri, quot inter
utrunq; ipso-
rum & unita-
tem deinceps
medij conti-
nua propor-
tione incidūt
numeri, toti-
dem & inter illos medij continua propor-
tione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A		K		L		B
27	⋮	36	⋮	48	⋮	64
	E	D	H	F	G	
	9	3	12	4	16	
			C			
			I			

Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογός ἐστιν
ἀριθμός, καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον δι-
πλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευ-
ρὰν.

Theor. 9. Propos. 11.

Duorum quadratorum numerorum vnus
medius proportionalis est numerus; & qua-
dra-

dratus ad quadra-
tum duplicatam ha-
bet lateris ad latus
rationem.

$\vdots$ A	$\vdots$ C	$\vdots$ E	$\vdots$ D	$\vdots$ B
9	3	12	4	16

16

Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸ κύβον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theorema 10. Prop 12.

Duorum cuborum numerorum duo medij proportionales sunt numeri: & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus rationem.

$\vdots$ A	$\vdots$ H	$\vdots$ K	$\vdots$ B	$\vdots$ C	$\vdots$ D	$\vdots$ E	$\vdots$ F	$\vdots$ G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

17

Εάν ᾧσιν ὅσοι δευτέρων ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἑαυτὸν ποιῇ ἑνάς, οἱ γενόμενοι δὲ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἐάν οἱ ἐξαρχῆς τὸς γινόμενους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι ἑνάς, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἰεὶ περὶ τοὺς ἀκροὺς τῶν συμβαίνει.

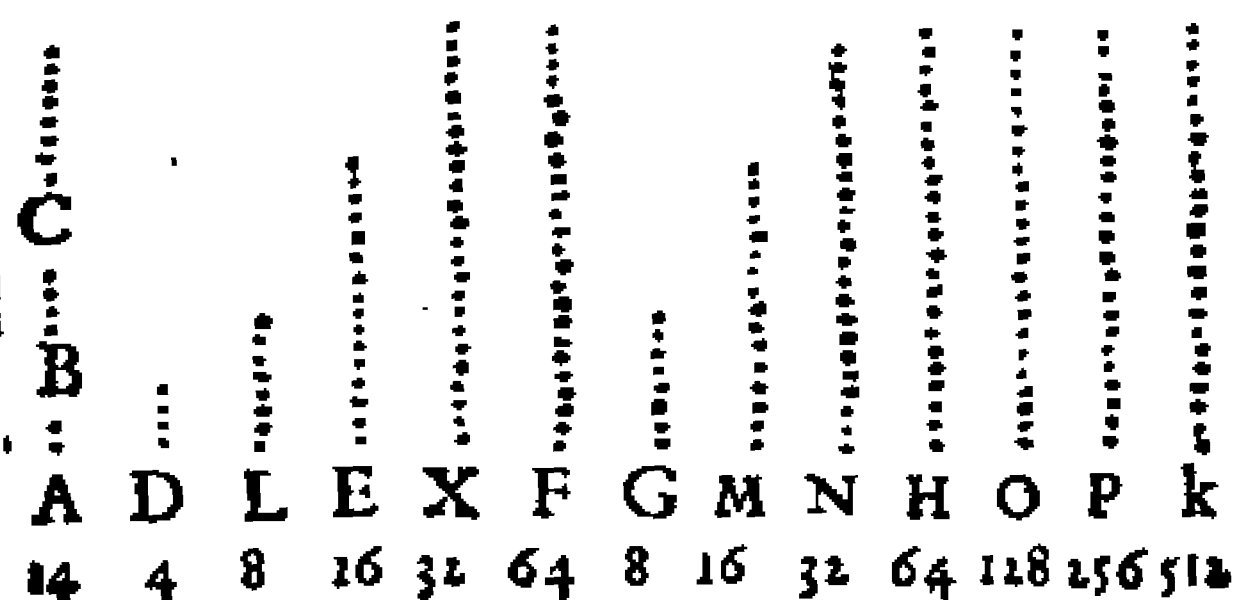
Theore. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, & multiplicans quisq; seipsum fa-

K 3 ciat

EVCLID. ELEM. GEOM.

ciat aliquos, qui ab illis producti fuerint, proportionales erunt: & si numeri primùm positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18

Εάν τετράγωνος τεζάγωνον μεζή, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεζήσῃ, καὶ εἰάν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρή, καὶ ὁ τεζάγωνος τὸν τεζάγωνον μεζήσῃ.

Theor. 12. Prop. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerum metiatur, & latus vnus metietur latus alterius. Et si vnus quadrati latus metiatur latus alteri, & quadratus quadratum metietur,

19

Εάν

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μεζῇ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεζήσῃ, καὶ εἰ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεζῇ, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μεζήσῃ.

Theorema 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metiatur, & latus unius metietur alterius latus. Et si latus unius cubi latus alterius metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮ A	⋮ H	⋮ K	⋮ B	⋮ C	⋮ D	⋮ E	⋮ F	⋮ G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Εάν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μὴ μεζῇ, οὐ καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεζήσῃ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μεζῇ, οὐδὲ ὁ τετράγωνος τὸ τετράγωνον μεζήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum numerum non metiatur, neq; latus unius metietur alterius latus. Et si latus unius quadrati non metiatur latus alterius, neq; quadratus quadratum metietur.

⋮ A	⋮ B	⋮ C	⋮ D
9	16	3	4
	K	4	15

13

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μεζῇ, οὐδ' ἡ
πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει. καὶ ἡ πλευρὰ τὴν
πλευρὰν μὴ μεζῇ, οὐδ' ὁ κύβος τὸν κύβον μεζήσει.

Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum nō me-
tiatur, neque latus unius
latus alterius metietur.

Et si latus cubi alicuius
latus alterius non metia-
tur, neq; cubus cubum
metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

14

Δύο ὁμοίων ὀρθοπέδων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογός
ἔστιν ἀριθμὸς, καὶ ὁ ἐπίπεδος πρὸς τὸν ἐπίπεδον δι-
πλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς
τὴν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theore. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorum
unus medius
proportiona-
lis est nume-
rus: & planus ad planum duplicatam habet
lateris homologi ad latus homologum ra-
tionem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

15

Δύο

Δύο ὁμοίωι σειῶν ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ σειῶς πρὸς τὸν ὁμοιον σειῶν τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ περ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theore. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medij proportionales incidunt numeri: & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologi ad latus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	:	:	:	:	:	:	:	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9
κ												

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν εἰς μέσους ἀνάλογον ἐμπέπη ἀριθμὸς, ὁμοιοὶ ἐπίπτεοι ἔσονται ἀριθμοί.

Theore. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius proportionalis incidat nūmerus, similes plani erūt illi numeri

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

κα

Κ 5

Ἐὰν

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτωσι
ἀριθμοί, ὅμοιοι στεροί εἰσιν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Prop. 21.

Si inter duos numeros duo medij propor-
tionales incidant numeri, similes solidi sunt
illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	k	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4
x6										

Εάν τρεῖς ἀριθμοί ἐξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὃ ᾧ πρῶτος
τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ τρίτος τετράγωνος ἔσται.

Theore. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps
sint proportionales, pri-
mus autem sit quadratus,
& tertius quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

xγ

Εάν τέσσαρες ἀριθμοί ἐξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὃ ᾧ πρῶ-
τος κύβος ἦ, καὶ ὁ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theore. 21. Propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps
sint proportionales,
primus autem sit cubus,
& quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

xδ

κδ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν ὃν τε-
 τράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὃ δὲ
 πρῶτος τετράγωνος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se,
 quam quadratus numerus ad quadratū nu-
 merum, primus au- : : : : :
 tem sit quadratus, A B C D
 & secundus quadra- 4 6 9 16 24 36
 tus erit.

κε

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν κύ-
 βος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ ᾧ πρῶτος κύ-
 βος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theore. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant,
 quam cubus numerus ad cubum numerum,
 primus autem cubus sit, & secundus cubus
 erit.

⋮ A	⋮ E	⋮ F	⋮ B	⋮ C	⋮	⋮	⋮ D
8	12	18	27	64	95	140	216

κς

κ 5

Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numerationem inter se habent, quam quadratus
 numerus ad quadratum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κ 3

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Theore. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΕΝ-
ΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM NONVM.

α

Ε Αν δύο ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλασιασθῶσάν τε αἱ ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον ἑξάγωνον τε.

Theore. I. Propo. I.

Si duo similes plani numeri mutuò sese mul-
tiplicantes
quendā pro
creent, pro-
ductus qua-
dratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	D		C
4	6	9	16	24	36

β

Εα

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὁμοιοὶ ἐπίπεδοί εἰσι.

Theorema 2. Prop. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes quadratum fa-

ciant, illi simi-

les sunt plani.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{D}$	$\dot{C}$
4	6	12	9
			18
			36

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theore. 3. Proposi. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans pro-

creet ali-

quē, pro-

ductus cu-

bus erit.

$\dot{D}$	$\dot{D}$	$\dot{A}$	$\dot{B}$
3	4	8	16
			32
			64

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theorema 4. prop. 4.

Si cubus numerus cubū

numerum multiplicans

quendam procreet, pro-

creatus cubus erit.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{D}$	$\dot{C}$
8	27	64	216

Εάν

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἕνα πολλαπλασιάσας
κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος ἔσται.

Theor. 5. Propos. 5.

Si cubus numerus numerum quendam mul-
tiplicans cubum procreet, & multiplica-
tus cubus erit.

:	:	:	:
A	B	D	C
27	64	729	1728

5

Εάν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον ποιῇ,
καὶ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theorema 6. Propos. 6.

Si numerus seipsum multi-
plicans cubum procreet,
& ipse cubus erit.

:	:	:
A	B	C
27	729	19683

3

Εάν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἕνα πολλαπλασιά-
σας ποιῇ ἕνα, ὁ γενόμενος περιὲς ἔσται.

Theorema 7. Prop. 7.

Si compositus numerus quēdam numerum
multiplicans quem-
piam procreet, pro-
ductus solidus erit.

:	:	:	:	:
A	B	C	D	E
6	8	48	2	3

ἢ Εάν

71

Εάν ἀπὸ μονάδος ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ μὲν τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος τετράγωνός ἐστι, καὶ οἱ ἑνα διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ ἕβδομος κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος, καὶ οἱ πέντε διαλείποντες πάντες.

Theore. 8. Proposi. 8.

Si ab unitate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab unitate quadratus est, & unum intermittentes omnes: quartus autem cubus, & duobus intermissis omnes: septimus verò cubus simul & quadratus, &

	•	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
quinq̄ue uni	A	B	C	D	E	F
intermissas	3	9	27	81	243	729

sis omnes.

72

Εάν ἀπὸ μονάδος ὅποιοι οὖν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα τετράγωνος ἦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται. καὶ εἰάν ὁ μετὰ τὴν μονάδα κύβος ἦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theorema 9. Proposi. 9.

Si ab unitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, sit autem quadratus is qui

qui unitatem se-	531441	F	731969
quitur, & reli-	59049	E	531441
qui omnes qua-	6561	D	59049
drati erunt.	729	C	6561
Quod si qui v-	81	B	729
nitatem sequi-	9	A	81
tur cubus sit, &			
reliqui omnes			
cubi erunt.			

Voitas.

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν,
ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, οὐδὲ ἄλλος οὐ-
δεὶς τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ τῆς μονά-
δος καὶ τῶν ἑνα διαλειπόντων πάντων. καὶ ἐὰν ὁ με-
τὰ τὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς κύβος
ἔσται, χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ τῆς μονάδος καὶ τῶν δύο
διαλειπόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab unitate numeri quocunque propor-
tionales sint, non sit autem quadratus is qui
unitatem

sequitur,	•	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
neq; alius	Vni-	A	B	C	D	E
ullus qua-	tas.	3	9	36	81	243
				L		dratus

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

dratus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittentibus. Quòd si qui vnitatem sequitur, cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, demptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermittentibus.

1α

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἄριθμοι ἐξῆς ἀνάλογον ᾖσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρήσῃ κατὰ τινὰ τῶν ὑπαρχόντων ἐν ταῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theore. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiā eorum qui in proportionalibus sunt numeris.

A	B	C	D	E
1	2	4	8	16

1β

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἄριθμοι ἀνάλογον ᾖσιν, ὑφ' ὧν ἂν ὁ ἑτχάτος πρῶτων ἀριθμῶν μετρήσῃται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ πρῶτος τὴν μονάδα μετρήσῃται.

Theore. 12. Propo. 12.

Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum vltimus

num metiuntur, totidem & cum qui unitati proximus est, metientur.

● Vni- tas.	⋮ A	⋮ B	⋮ C	⋮ D	⋮ E	⋮ H	⋮ G	⋮ F
	4	16	64	259	2	8	32	128

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἂν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾖσιν, ὁ ᾗ μετὰ τὴν μονάδα πρῶτος ἢ, ὁ μέγιστος ὑπὸ οὐδενὸς ἄλλου μετρήσεται παρὲς τῶν ὑπαρχόντων ὁ τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theore. 13. Propo. 13.

Si ab unitate sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem sit qui unitatem sequitur, maximum nullus alius metietur, ijs exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.

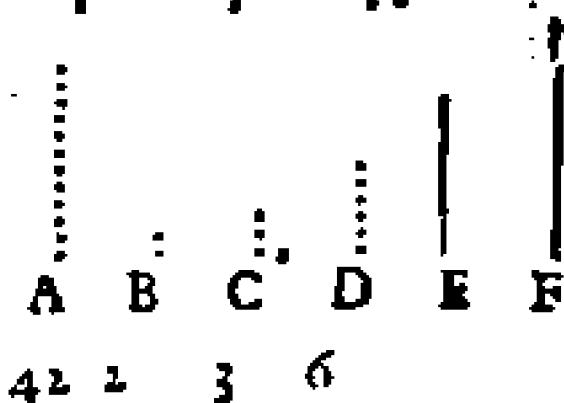
● Vni- tas.	⋮ A	⋮ B	⋮ C	⋮ D	⋮ E	⋮ H	⋮ G	⋮ F
	3	9	27	81				
					L 2			Εάν

18

Εάν ἐλάχισος ἀριθμὸς ὑπὸ πρῶτων ἀριθμῶν μετρη-
ται, ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὰ τῶν
ἐξ ἀρχῆς μετρούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
merum primi ali-
quot numeri me-
tiantur, nullus al-
lius numerus pri-
mus illum metie-



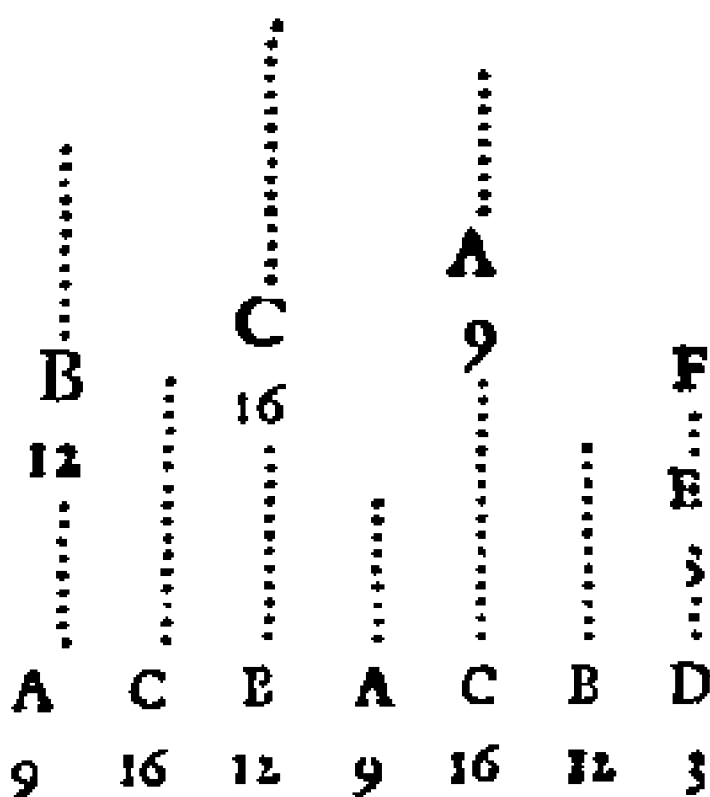
tur, ijs exceptis qui primò metiuntur.

19

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ὥσιν ἐλάχισοι τῶν
τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν σω-
τεθέντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοι εἰσίν.

Theore. 15. Propo. 15.

Si tres nume-
ri deinceps
proportiona-
les sint mini-
mi, eadem cū
ipsis habenti-
um rationem,
duo quilibet
compositi ad
tertium pri-
mi erunt.



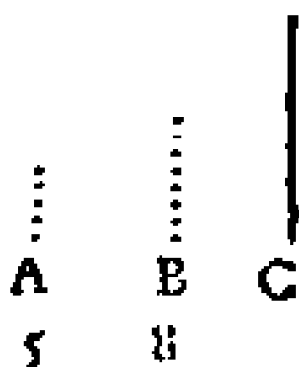
Εάν

15

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾤσιν, οὐκ ἔσται ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτερος πρὸς ἄλλον τινά.

Theor. 16. Propo. 16.

Si duo numeri sint inter se primi, non se habebit quē admodum primus ad secundum, ita secundus ad quempiam alium.

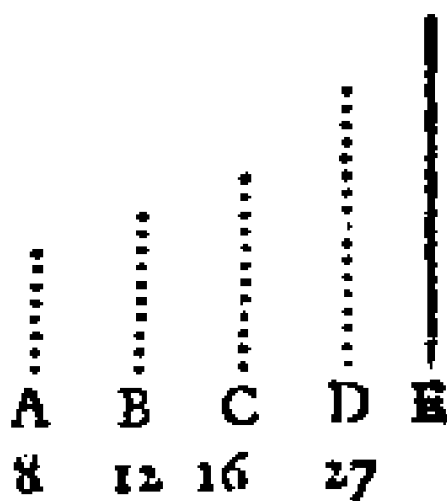


17

Εάν ᾤσιν ὅσοι διηγοτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον, οἱ ὅτι ἄλλοι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾤσιν, οὐκ ἔσται ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἴσχυατος πρὸς ἄλλον τινά.

Theore. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, quorum extremi sint inter se primi, non erit quemadmodum primus ad secundum, ita ultimus ad quempiam alium.



L 3

Δύο

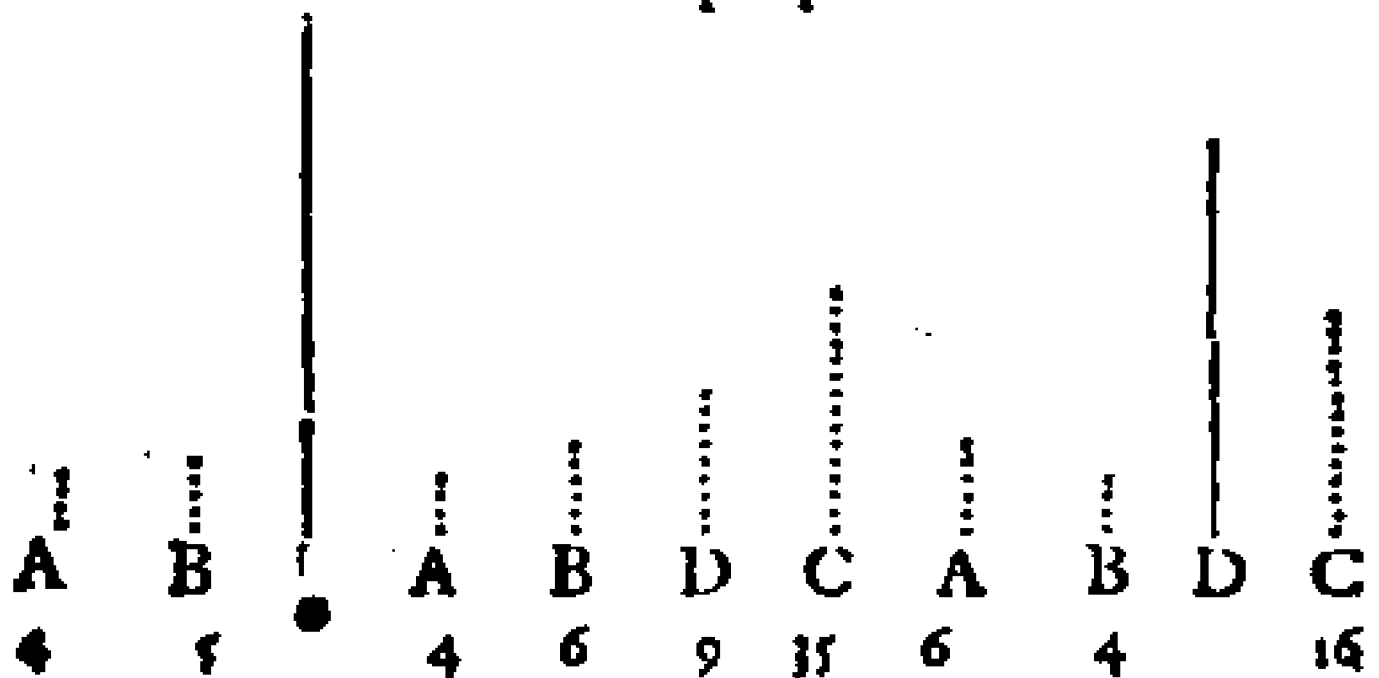
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

14

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνατόν
ἔστι αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, considerare possitne
tertius illis inveniri proportionalis.

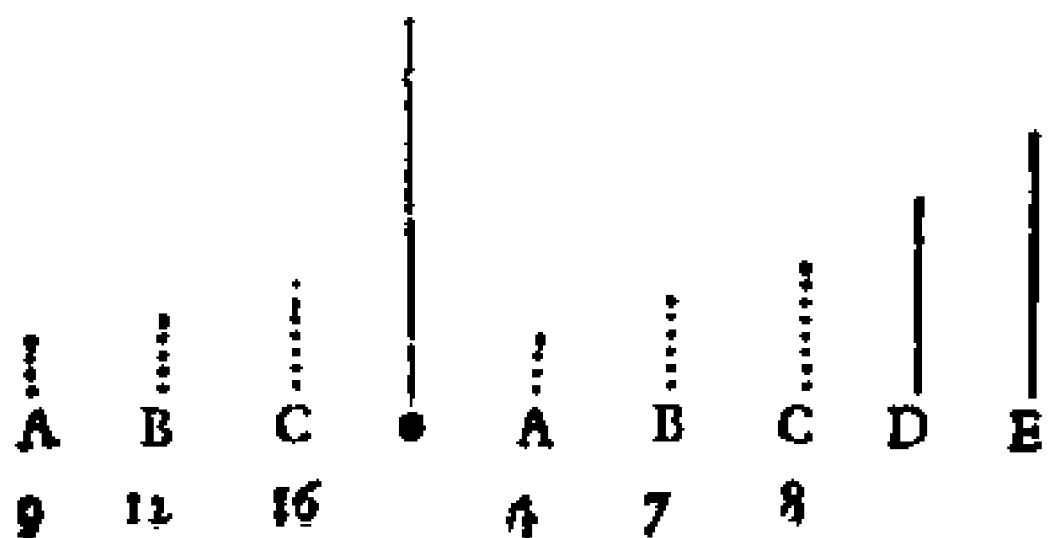


13

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνα-
τόν ἔστι αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theore. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne
quartus illis reperiri proportionalis.



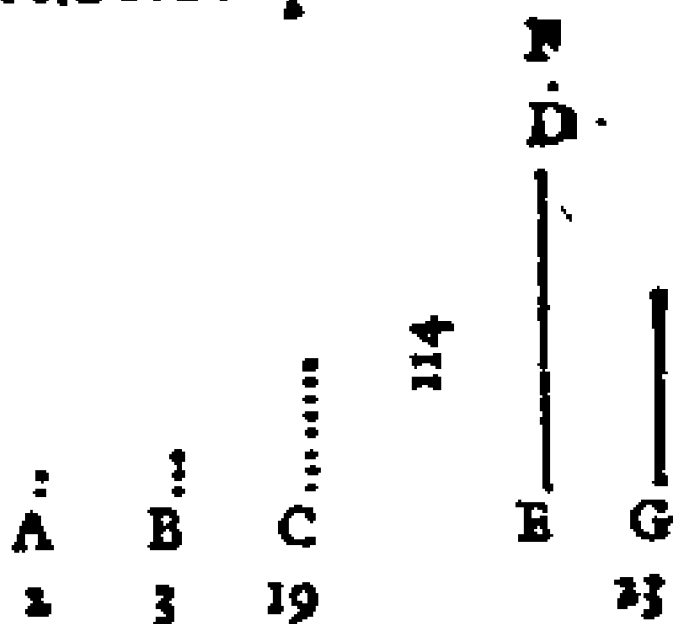
Οἱ

x

Οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ πάντες τοῦ προτι-
θέντος πλήθους πρώτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri
plures sunt
quacunque
proposita mul-
titudine pri-
morum nu-
merorum.

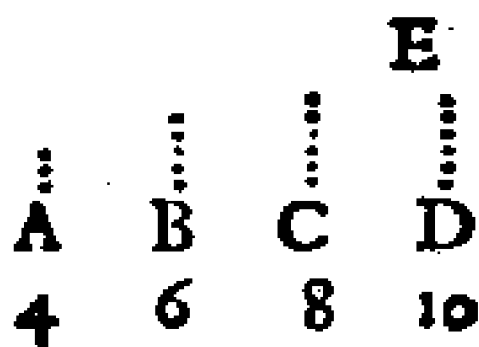


xα

Εὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὅποσοι οὖν συντεθῶσιν, ὁ ὅλος
ἄρτιός ἐστι.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot-
libet compositi sint, totus
est par.



xα

Εὰν περισσῶς ἀριθμοὶ ὅποσοι οὖν συντεθῶσι, τὸ δὲ
πλήθος αὐτῶν ἄρτιον ἢ, ὁλος ἄρτιος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi
sint,

L 4

sint,

· EVCLID. · ELEMEN. GEOM.
 sint, sit autem par il-
 lorum multitudo, to-
 tus par erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} E \\ \vdots \\ D \end{smallmatrix}$
5	9	7	3

· γ

Εάν περισσὶ ἀριθμοὶ ὁποιοῦν συντεθῶσιν, τὸ δὲ
 πλῆθος αὐτῶν περισσὸν ἦ, καὶ ὅλος περισσὸς ἔσται.
 Theore. 23. Propo. 23.

Si impares numeri
 quotcunq; compo-
 siti sint, sit autē im-
 par illorum multitu-
 do, & totus impar
 erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$
5	7	8	1

· δ

Εάν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-
 πὸς ἄρτιος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detra-
 ctus sit, & reliquus par erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} B \\ \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
6	4

· ε

Εάν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
 λοιπὸς περισσὸς ἔσται.

Theo-

LIBER IX.
Theor. 25. Propo. 25.

85

Si de pari numero impar de-
tractus sit, & reliquus impar
erit.

⋮		B
⋮		⋮
A	C	D
8	1	4

κς
Εὰν ἀπὸ περισϑῦ ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ἄρτιος ἔσται.

Theore. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit.

⋮	⋮	B
⋮	⋮	⋮
A	C	D
4	6	1

κζ
Εὰν ἀπὸ περισϑῦ ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, ὁ λοι-
πὸς περισσὸς ἔσται.

Theore. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

		B
	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

κη
Εὰν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον πολλαπλασιάσας
ποιῇ τινά, ὁ γινόμενος ἄρτιος ἔσται.

L 5 Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem mul-
tiplicans, procreet quempiam,
procreatus par erit.

⋮
A B C
⋮

× θ

3 4 12

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλα-
πλασιάσας ποιῇ τινὰ, ὁ γενομένης περισσὸς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem nu-
merū multiplicans quēdā pro-
creet, procreatus impar erit.

⋮
A B C
⋮
3 5 15

λ

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ τὸν
ἡμισίαν αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem nu-
merum metiatur, & illius di-
midium metietur.

⋮
A C B
⋮
3 6 18

λ α

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς πρὸς ἕνα ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ,
καὶ πρὸς τὸν διπλασίον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theore. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad nu-
merum quempiā primus
sit, & ad illius duplum pri-
mus erit.

⋮
A B C D
⋮
7 2 14

λβ

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἕκαστος ἀρτιάκις ἀρτιός ἐστι μόνον.

Theore. 32. Propo. 32.

Numerorū, qui à binario dupli sunt, unusquisq; pariter par est tantum.

:	:	:	:
A	B	C	D
2	4	8	16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυ ἔχῃ περισσὸν, ἀρτιάκις περισσότερος ἐστὶ μόνον.

Theore. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat, pariter impar est tantum.

⋮
A
20

λδ

Εὰν ἀρτιὸς ἀριθμὸς μήτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ, μήτε τὸν ἡμισυ ἔχῃ περισσὸν, ἀρτιάκις τε ἀρτιός ἐστὶ καὶ ἀρτιάκις περισσότερος.

Theore. 34. Propo. 34.

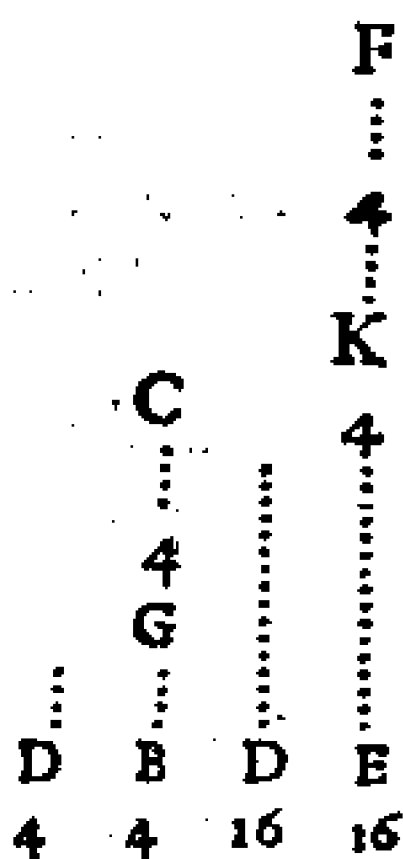
Si par numerus nec sit duplex à binario, nec dimidium impar habeat, pariter par est, & pariter impar.

⋮
A
20
Εὐθ

Εάν ὥσιν ὁμοιοποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον,
ἀφαιρῶσι δὲ ἀπὸ τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου
ἴσθι τῷ πρώτῳ, ἔσται ὡς ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς
τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς
πρὸ ἑαυτοῦ ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportionales,
detrahantur autem de se-
cundo & ultimo æqua-
les ipsi primo, erit quem-
admodum secundi exces-
sus ad primum, ita ultimi
excessus ad omnes qui vl-
timum antecedunt.



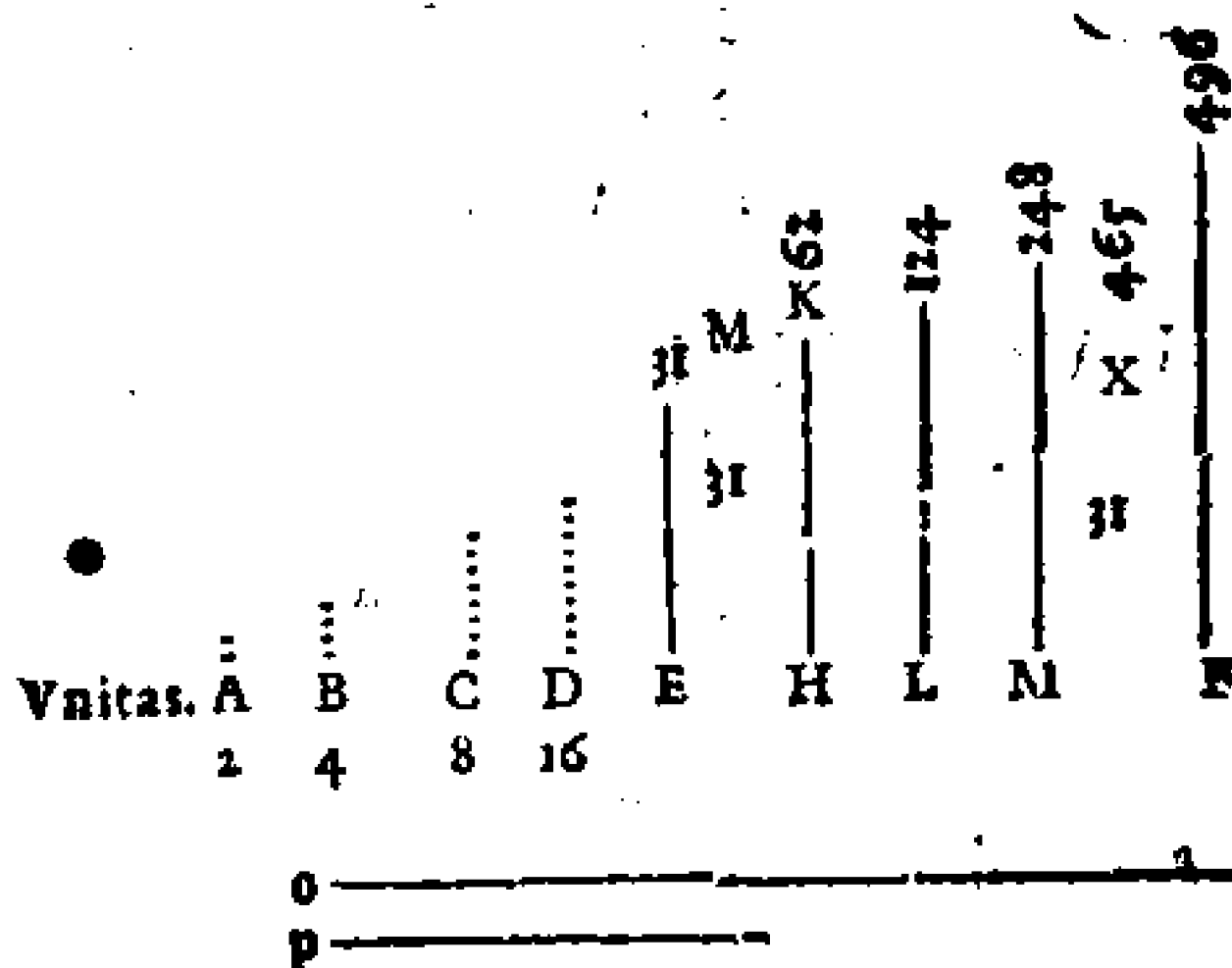
λγ

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποσσοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἐκτεθῶ-
σιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ ἕως δὲ ὁ σύμπαρ σιν
τεθεὶς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ἐπὶ τὸν ἐσχα-
τον πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ τινά, ὁ γενομένος τέλειος
ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quodlibet deinceps
expo-

expositi sunt in duplici proportionē quoad
 totus compositus primus factus sit, isque totus
 in ultimum multiplicatus quempiā pro-
 creet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCCLIDIS ELEMENT-
TVM DECIMVM.

ΟΡΟΙ.

α

Σ

Ὑμμεῖς α μεγέθη λέγεται, τὰ δὲ αὐτῶ μέ-
σον μέζον μα.

DEFINITIONES.

Ι

Commensurabiles magnitudines dicun-
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Ἀσύμμετρα δὲ, ὧν μηδὲν εὐδέχεται κοινὸν μέτρον γε-
νέσθαι.

In-

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθεῖαι δυοῖν ἀνὰ μέτρον σύμμετροί εἰσιν, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ὅτε αὐτῶ χωρίον μετρηται.

3

Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata una eadem superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροί ὅ, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μήδεν ἐδέχεται χωρίον κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τούτων ὑποκείμενων, δείκνυται ὅτι τῇ προτεθείσῃ εὐθείᾳ ὑπάρχουσιν εὐθεῖαι πλήθει ἁπλοῖ, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκει καὶ δυοῖν ἀνὰ μέτρον, αἱ δὲ δυοῖν ἀνὰ μέτρον μόνον. Καλεῖσθω οὖν ἡ μὲν προτεθείσα εὐθεῖα ῥητή.

ς

Hæc cum ita sint, ostendi potest quòd quancunque linea recta nobis proponatur,

ex-

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles eidem commensurabiles, aliæ item incommensurabiles, hæ quidem longitudine & potentia; illæ verò potentia tantum. Vocetur igitur linea recta, quantacunque proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

Καὶ αὖ ταύτη σύμμετροι εἴτε μήκει καὶ δυνάμει, εἴτε δυνάμει μόνον, ῥηταί.

6

Lineæ quoque illi ῥητὴ commensurabiles siue longitudine & potentia, siue potentia tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationales.

ζ

Αἱ δὲ ταύτη ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθωσαν.

7

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali, vocentur ἄλογοι, id est irrationales.

η

Καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς προτεθείσης εὐθείας τετραγώνου, ῥητόν.

8

Et quadratum quod à linea proposita describitur, quam ῥητὴν vocari voluimus, vocetur ῥητόν.

Καὶ

9

Καὶ τὰ τούτῳ σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

10

Τὰ δὲ τούτῳ ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθω.

10

Quæ verò sunt illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est surda.

11

Καὶ αἱ δυνάμειαι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τετράγωνα εἴη, αὐταὶ αἱ πλευრაί. εἰ δ' ἕτερα τινὰ εὐθύγραμμα ἢ ἴσα αὐτοῖς τετράγωνα ἀναγράφουσι.

11

Et lineæ quæ illa incommensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.

Ἀπὸ μεγάλων ἀρίστων ἰσχυμένων, τὰν ἀπὸ τοῦ μεί-

M

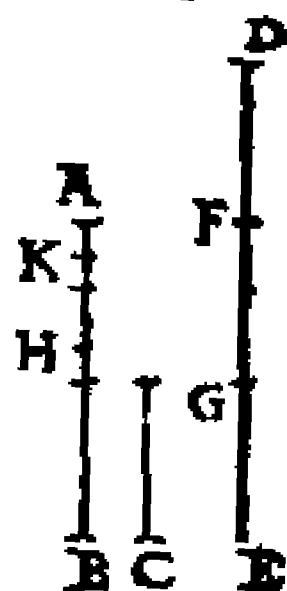
ζήτησιν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ζενος ἀφαρθεῖ μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦ χαταλήπο-
μένου μείζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦτ' αἰ γίγνηται, λη-
φθήσεται τι μέγεθος, ὃ ὅτιν ἐλάσσον ἐκκειμένον ἐλάσ-
σον μέγεθος.

Theore. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-
positis, si de maiore detrahatur
plus dimidio, & rursus de resi-
duo iterum detrahatur plus di-
midio, idque semper fiat: relin-
quetur quædam magnitudo mi-
nor altera minore ex duabus
propositis.



β

Εάν δύο μεγεθῶν ἐκκειμένων ἀνίσων, ἀνδραφαιρου-
μένον αἰ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος, τὸ χατα-
λειπόμενον μηδέποτε χαταμεσῇ τὸ πρὸ ἑαυτοῦ, ἀ-
σύμμεζα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theore. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor de
maiore, altera quadam de-
tractione, neque residuum
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles sunt illæ magnitudines.

Δύο μεγεθῶν συμμέζων ^γδοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέζον εὑρεῖν.

Proble. 1. Proposi. 3.

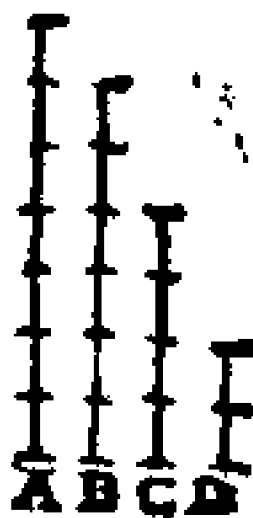
Diabus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.



Τριῶν μεγεθῶν συμμέζων ^δδοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέζον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.

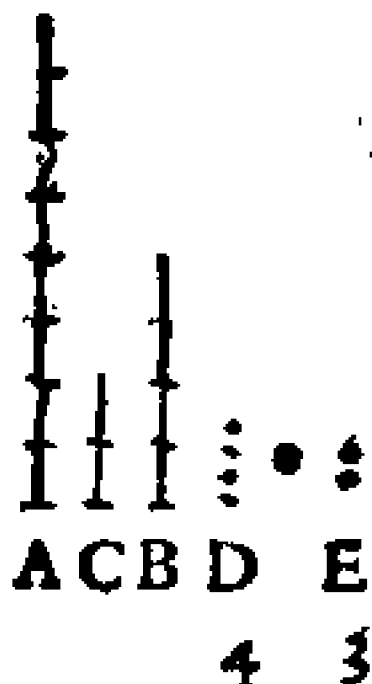


Τὰ σύμμεζα μεγεθῆ πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμόν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theore. 3. Propo. 5.

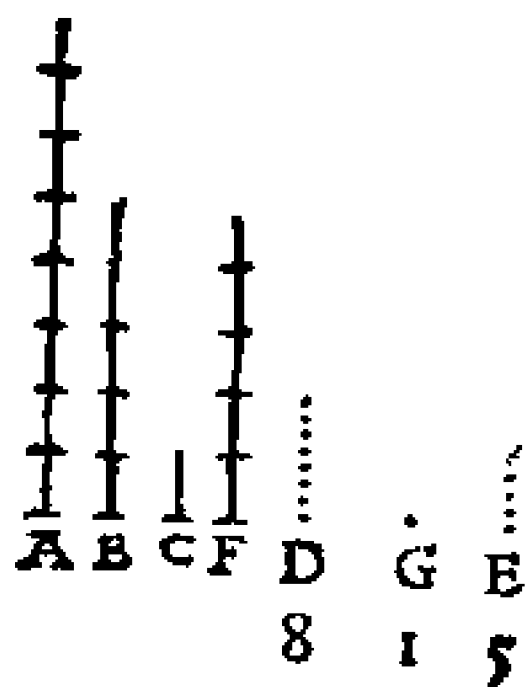
Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει ὁ ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρα ὄντι τὰ μεγέθη.

Theore. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionem eam habent inter se quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.



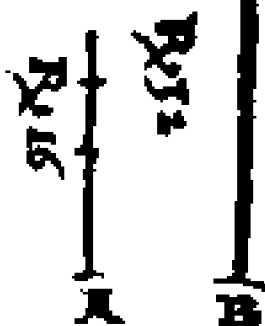
Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον οὐκ ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theore.

LIBER X.

Theore. 5. Propo. 7.

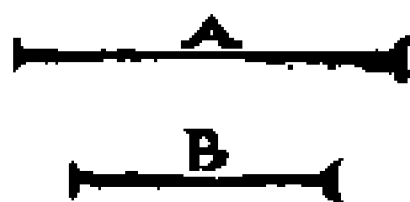
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχῃ ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theore. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habent quā numerus ad numerum, incōmensurabiles illæ sunt magnitudines.



Τὰ ἀπὸ τῶν μήκει συμμέτρων ἐυθεῶν τετράγωνα, πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχῃ ὃν τετράγωνος, ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχοντα, ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἔξει μήκει συμμέτρους. τὰ δὲ ἀπὸ τῶν μήκει ἀσυμμέτρων ἐυθεῶν τετράγωνα πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχει ὅν περ τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχοντα

Μ 3

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ἔχοντα ὀνπερ τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ἐνδὲ τὰς πλευρὰς ἐξ ἑ μῆκει συμμέτρους.

Theore.7. Propo.9.

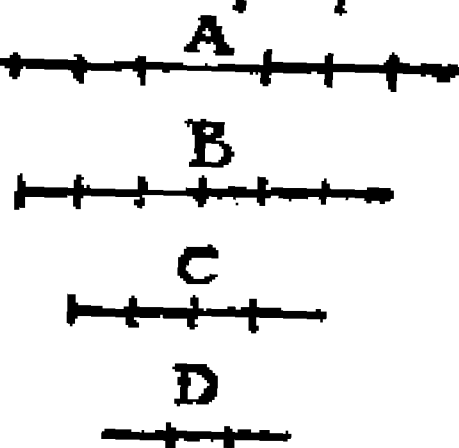
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habent quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habent inter se quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾖ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ σύμ-
 μετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον δὲ δευτέρῳ ἀσύμμε-
 τρον ᾖ, καὶ τὸ τρίτον δὲ τετάρτῳ ἀσύμμετρον ἔσται.

Theore. 8. Propo. 10.

Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima verò se-
 cundæ fuerit commensu-
 rabilis, tertia quoq; quar-
 tæ commensurabilis erit.
 quòd si prima secundæ
 fuerit incommensurabi-
 lis, tertia quoque quartæ incommensurabi-
 lis erit.



1 α

Τῇ προτεινέσῃ εὐθείᾳ προσευρεῖν δύο εὐθείας ἀσυμ-
 μέτρος, τὴν μὲν μήκει μόνον, τὴν δὲ καὶ δυναμει.

Proble. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητὴν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



M 4

lam

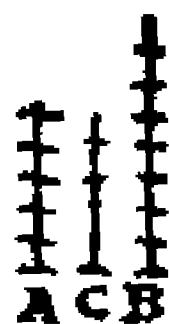
ſam verò non longitudine tantum, ſed etiã
potentia incommenſurabilem.

β

Τὰ δὲ αὐτῶ μεγέθη ſύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ἐν
ſύμμετρα.

Theore. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ ei-
dem magnitudini ſunt
commenſurabiles, in-
ter ſe quoq; ſunt com-
menſurabiles.



6D.....4F..

4E.... 8G..

3H...

2K..

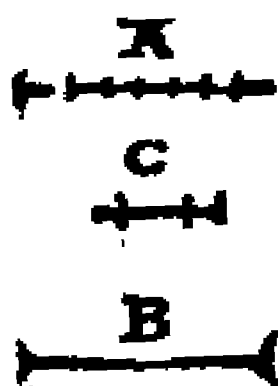
γ

4L...

Ἐάν ἡ δύο μεγέθη, καὶ τὸ μὲν ſύμμετρον ἢ δὲ αὐ-
τῶ, τὸ δὲ ἕτερον ἀſύμμετρον, ἀſύμμετρα εἶναι τὰ με-
γέθη.

Theore. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus
hæc quidem commenſurabilis
ſit tertiz magnitudini, illa ve-
rò eidem incommenſurabilis,
incommenſurabiles ſunt illæ
quæ magnitudines.



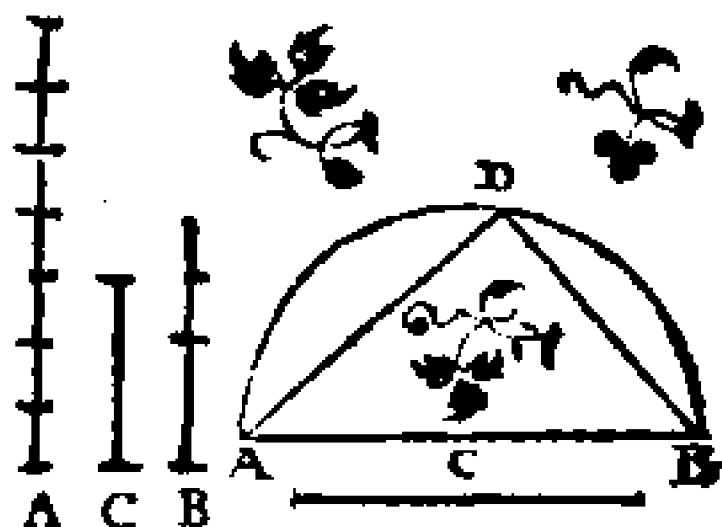
δ

Ἐάν ἡ δύο μεγέθη ſύμμετρα, τὸ δὲ ἕτερον αὐτῶν
μὲν

μεγίστη τινὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὸ λοιπὸν ᾧ ἀντὶ
ἀσύμμετρον ἔσται.

Theore. 11. Propo. 14.

Si duarum magni-
tudinum comen-
surabilium alte-
ra fuerit incom-
mensurabilis ma-
gnitudini alteri
cuiuspiam tertiae, re-



liqua quoque magnitudo eidem tertiae in-
commensurabilis erit.

12

Ἐὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾤσιν, δύνηται δὲ ἡ
πρώτη τῆς δευτέρας μᾶλλον ᾧ ἀπὸ συμμετρῶν ἑαυτῇ
μήκει, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μᾶλλον διωθήσεται ᾧ
ἀπὸ συμμετρῶν ἑαυτῇ μήκει. καὶ ἐὰν ἡ πρώτη τῆς
δευτέρας μᾶλλον διωθήται ᾧ ἀπὸ ἀσυμμετρῶν ἑαυτῇ
μήκει, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μᾶλλον διωθήσεται ᾧ
ἀπὸ ἀσυμμετρῶν ἑαυτῇ μήκει.

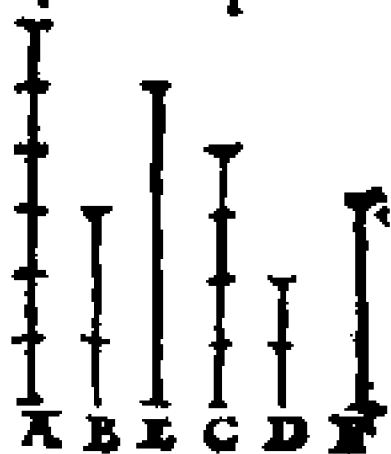
Theore. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint,
possit autem prima plusquam secunda
tanto quantum est quadratum lineæ sibi
commensurabilis longitudine; tertia quo-
que poterit plusquam quarta tanto quan-
tum est quadratum lineæ sibi commensu-

M 5

rabilis

rabilis longitudine. Quòd si prima possit
plusquam secunda qua-
drato lineæ sibi longi-
tudine incommensura-
bilis, tertia quoque po-
terit plusquam quarta
quadrato lineæ sibi in-
commensurabilis longitudine.

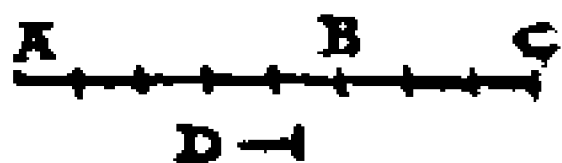


15

Εὰν δύο μεγέθη σύμμετρα σιωτεθῇ, καὶ τὸ ὅλον
ἑκατέρω αὐτῶν σύμμεζον ἔσαι. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐ-
τῶν σύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμμε-
τρα ἔσαι.

Theore. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines commensurabiles
componantur, tota magnitudo composita
singulis partibus cōmensurabilis erit. quòd
si tota magnitudo composita alterutri parti
commensurabilis fue-
rit, illæ duæ quoque
partes commensura-
biles erunt.



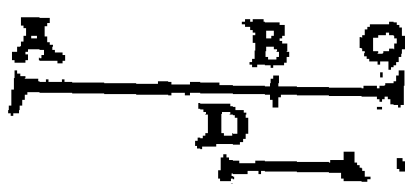
17

Εὰν δύο μεγέθη ασύμμετρα σιωτεθῇ, καὶ τὸ ὅλον
ἑκατέρω αὐτῶν ασύμμετρον ἔσαι. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ
αὐτῶν ασύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη α-
σύμμετρα ἔσαι.

Theor.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.



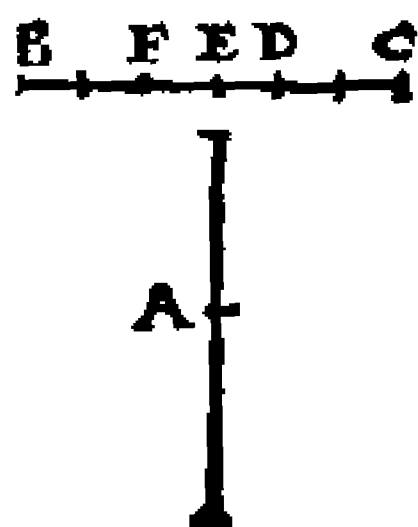
14

Εάν ᾧσι δύο ἰσόϋσαι ἀνίστοι, ὧν δὲ τετάρτῳ μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσιν παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδη τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκει, μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον διωκείται, ὧν ἀπὸ συμμέτρῳ ἑαυτῇ μήκει. καὶ ἰάν ἡ μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον δύνηται, ὧν ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει, ὧν δὲ τετάρτῳ μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσιν παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδη τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκει.

Theore. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à minore, æquale parallelogrammum applico-

applicetur secundum maiorem, ex qua maiore
 tantum excurrat extra latus parallelogram-
 mi, quantum est alterum latus ipsius paral-
 lelogrammi: si prætereà parallelogrammum
 sui applicatione diuidat lineam illam in par-
 tes inter se commensurabiles longitudine,
 illa maior linea tanto plus potest quàm mi-
 nor, quantum est quadratum lineæ sibi com-
 mensurabilis longitudine. Quòd si maior
 plus possit quàm minor, tanto quantum est
 quadratum lineæ sibi commensurabilis lon-
 gitudine, & prætereà quartæ parti quadrati
 lineæ minoris æquale parallelogrammum
 applicetur secundum maiorem, ex qua ma-
 iore tantum excurrat extra
 latus parallelogrammi, quan-
 tum est alterum latus ipsi-
 us parallelogrammi, paral-
 lelogrammum sui applica-
 tione diuidit maiorem in
 partes inter se longitudine
 commensurabiles.



εδ

ἔσονται δύο τετράγωνα ἑνιστοι, ὧν τὸ τετάρτον μέρος
 τοῦ

τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴθι παρὰ τὴν μείζονα πα-
 ραβληθῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνου, καὶ εἰς ἀσύμμε-
 τρα αὐτὴν διαρῇ μήκει, ἢ μείζων τῆς ἐλάσθους μεί-
 ζον δυνήσεται, ὥς ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ. καὶ ἐὰν ἢ
 μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον δύνῃται ὥς ἀπὸ ἀσυμ-
 μέτρου ἑαυτῇ, ὥς ἢ τετάρτῳ τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους
 ἴθι παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδὲ τε-
 τραγώνου, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκει.

Theore. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ
 autem parti quadrati lineæ minoris æqua-
 le parallelogrammum secundum lineam
 maiorem applicetur, ex qua lineæ tantum
 excurret extra latus parallelogrammi, quan-
 tum est alterum latus eiusdem parallelo-
 grammi: si parallelogrammum præterea sui
 applicatione diuidat lineam in partes in-
 ter se longitudine incommensurabiles, ma-
 ior illa lineæ tantò plus potest quàm mi-
 nor, quantum est quadratum lineæ sibi
 maiori incommensurabilis longitudine.
 Quòd si maior lineæ tantò plus possit quàm
 minor, quantum est quadratum lineæ in-
 commensurabilis sibi longitudine: & præ-
 terea quartæ parti quadrati lineæ minoris
 æquale parallelogrammum applicetur. sec-
 undum

cundum maiorem, ex qua
tantum excurrat extra latus
parallelogrammi, quantum
est alterum latus ipsius: pa-
rallelogrammum sui appli-
catione diuidit maiorem in
partes inter se incommen-
surabiles longitudine.

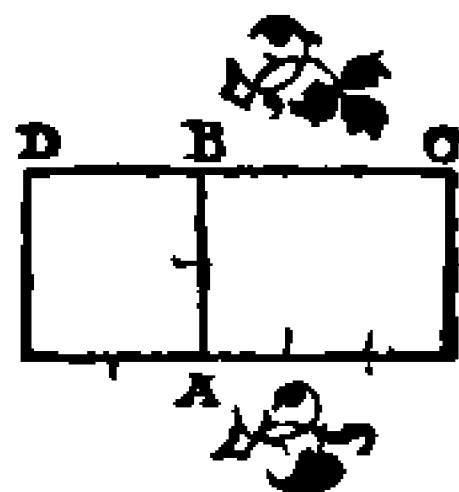


κ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν μήκει συμμέτρων κατὰ τινὰ τῶν
προφρημένων τρόπων εὐθειῶν περιεχόμενον ὅρθον
γώνιον, ῥητόν ἐστιν.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectangula
contenta ex lineis ra-
tis rationalibus lon-
gitudine commensu-
rabilibus secundum va-
num aliquem modum
ex antedictis, rationa-
lis est.



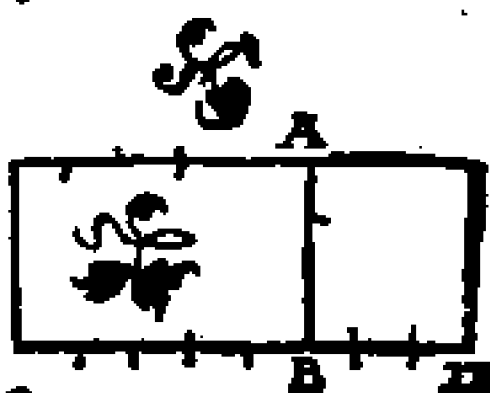
κα

Εάν ῥητὸν παρὰ ῥητὴν παραβληθῇ, πλάτος ποιεῖ
ῥητὴν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' ἣν παράκειται,
μήκει.

Theor.

Theore. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui ratio. C

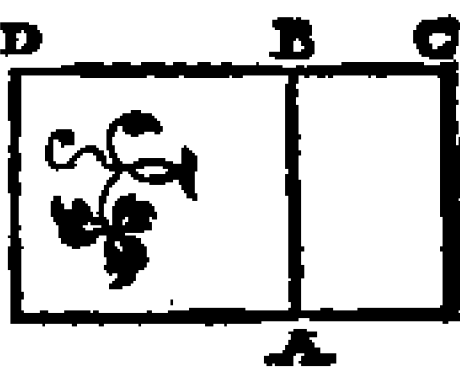


x β

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν δυνάμεϊ μόνον συμμέζων τετραγώνου περιχώρομον ὀρθογώνιον ἀλογόν' ἐστὶ, καὶ ἡ δυνάμειν αὐτὸ, ἀλογός' ἐστὶ. καλεῖσθω δὲ μέση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantum commensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.



x γ

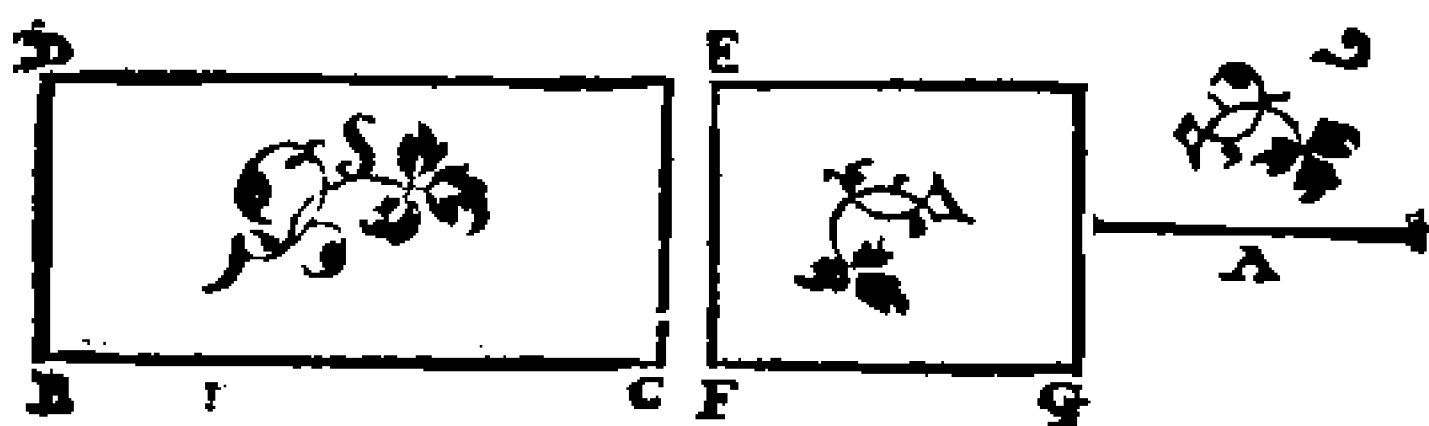
Τὸ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν καὶ ἀσύμμεζον τῇ παρ' ἣν παράκειται, μήκη.

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 20. Propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudo lineæ secundum quam applicatur.

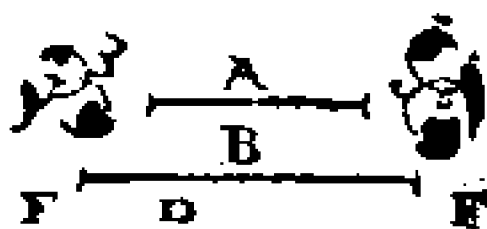


κ δ

ἡ τῇ μέτρῃ σύμμετρος, μέτρα ἐστίν.

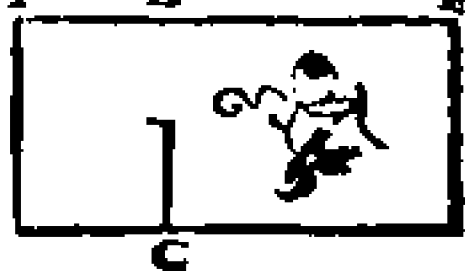
Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.



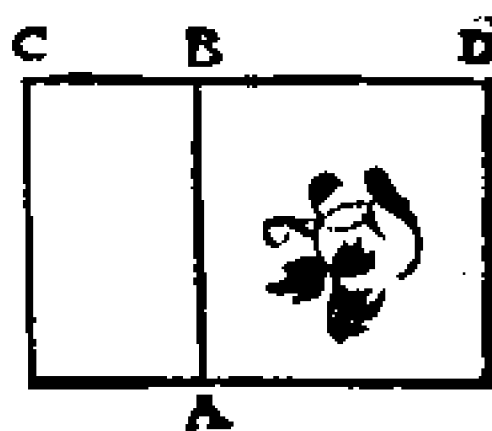
κ ε

Τὸ ὑπὸ μέσων μήκει συμμέτρων ἐκθεῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μέτρα ἐστίν.



Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex libeis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.



Τὸ ὑπὸ

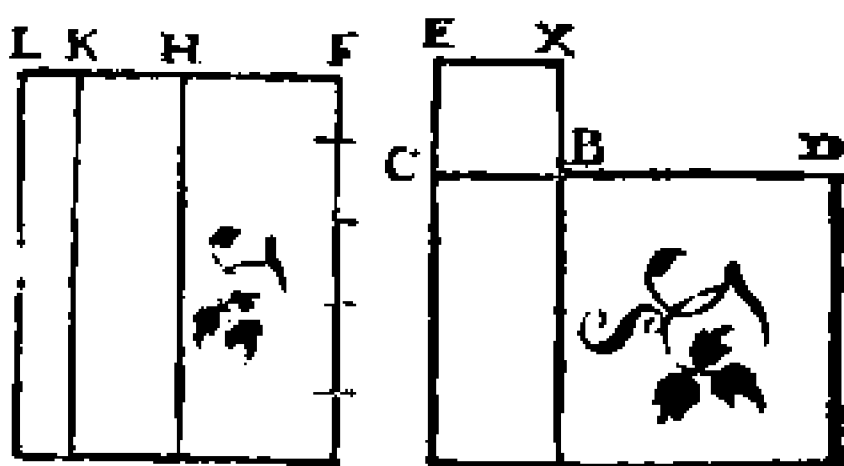
κς

Τὸ ὑπὸ μέσων δυνάμεϊ μόνον συμμετρῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἢ τὸ ῥητὸν, ἢ μέγεθός ἐστιν.

Theore. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum

duabus lineis medialibus potest tantum commensurabili-



N M G

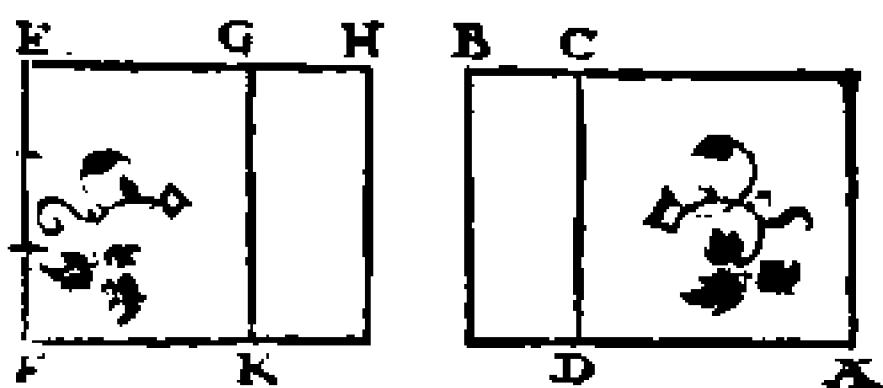
bus, vel rationale est, vel mediale.

κς

Μέγεθός μέσων οὐκ ὑπερέχει ῥητός.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale non est maius quam mediale superficiei rationali.



κς

Μέσας εὐρεῖν δυνάμει μόνον συμμετρῶς, ῥητὸν περιεχούσας.

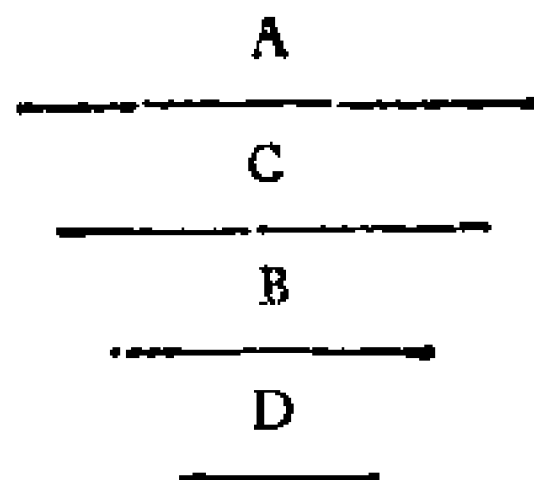
N

Pro-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 4. Propo. 28.

Mediales lineas in-
venire potentia tā-
tum cōmensurabi-
les rationale com-
prehendentes.

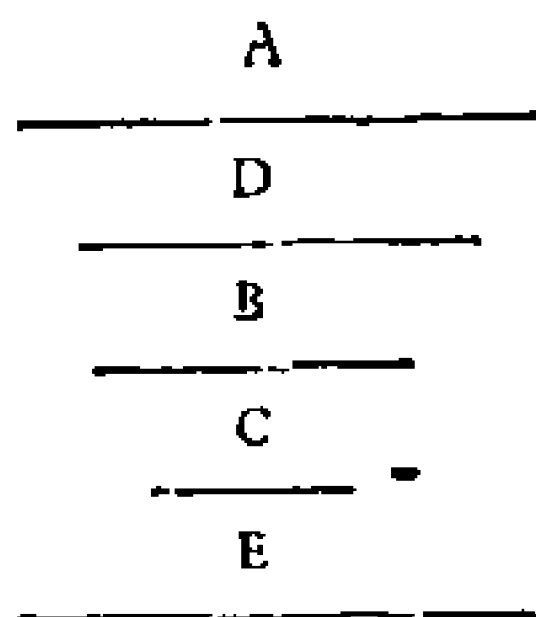


κ θ

Μέσας εὐρῆν διωάμει μόνον συμμέτρως μέσον πε-
ριχούσας.

Proble. 5. Prop. 29.

Mediales lineas in-
venire potentia tan-
tūm cōmensura-
biles mediale com-
prehendentes.



λ

Εὐρῆν δύο ἑνὸς διωάμει μόνον συμμέτρως, ὥστε
τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δύνασθαι ὥ ἀπὸ
συμμέτρως ταυτῇ μήκει.

Proble. 6. Propo. 30.

Reperire duas rationales potentia tantūm
com-

A diagram of a dome with a person inside. The dome is labeled with letters A, B, C, D, E, F, G, H, I, K, L, M, N, O, P, Q, R, S, T, U, V, W, X, Y, Z. The person is labeled with letters A, B, C, D, E, F, G, H, I, K, L, M, N, O, P, Q, R, S, T, U, V, W, X, Y, Z.

 λ_2

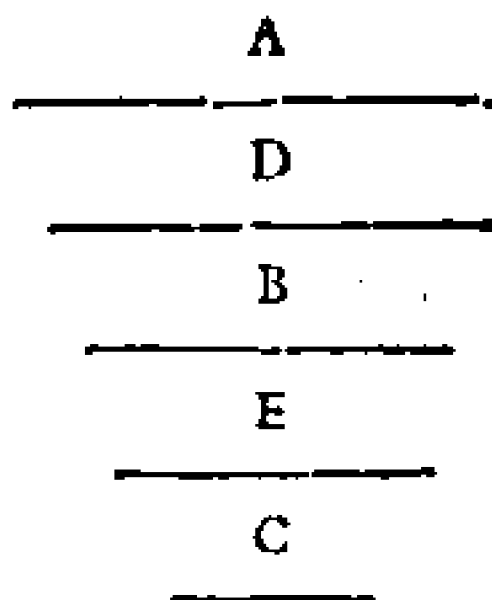
Proble. 7. Propo. 1.

λβ

Proble.8. Propo.32.

Reperire duas lineas mediales potentia
N 2 tan-

tantum commensurabiles medialem superficiem continentes, huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato lineæ sibi cōmensurabilis longitudine.



λ γ

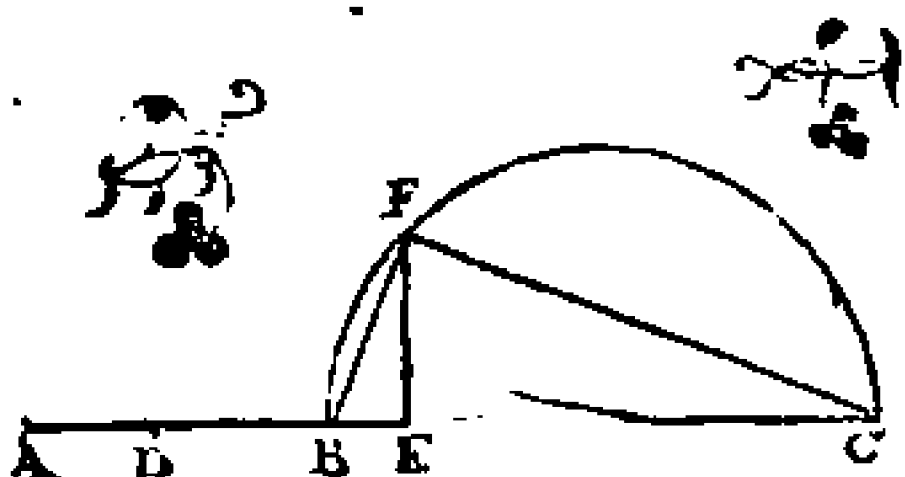
Εὑρεῖν δύο εὐθείας δυναμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητόν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέτρον.

Proble. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant su-

perfici-
em ratio-
nalem, pa-
rallelo
grammū

verò ex
ipsis contentum sit mediale.



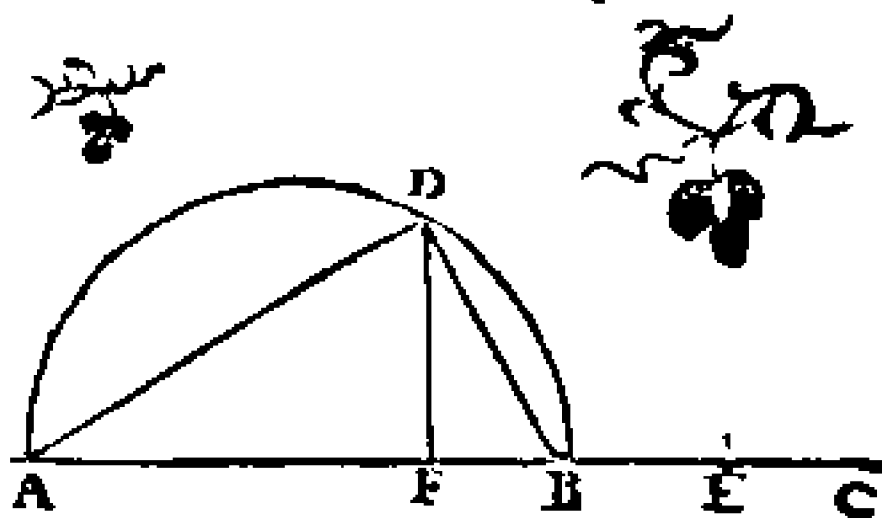
λ δ

Εὑρεῖν δύο εὐθείας δυναμει ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέτρον, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητόν.

Proble

Probl. 10. Propo. 34.

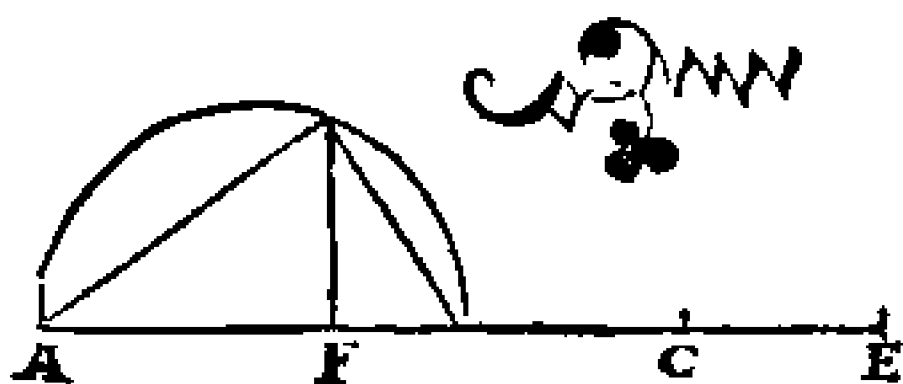
Reperire lineas duas rectas potentia incom-
mensurabiles, conficientes compositum ex
ipsarū qua-
dratis me-
diale, pa-
rallelogra-
mmum verò
ex ipsis cō-
tinentum ra-
tionale.



Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωκτικὰς ἀσυμμέτρους, ποιοῦσας
τό, τε συγχείμαρον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων
μέτρον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέτρον, καὶ ἐκ ἀσύμμετρον
συνκειμένον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incom-
mensurabiles, conficientes id quod ex ipsa-
rum quadratis componitur mediale, simul-
que parallelogrammum ex ipsis cōtinentum,
mediale, quod præterea parallelogrammum
sit in-
cōmen-
surabile
cōposito
ex qua-
dratis ip-
sarum.



ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.
ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-
ΘΕΤΩΝ ΕΞΑΘΩΝ.

λ. 5

Ἐάν δύο ῥητὰ δυνάμει μόνον σύμμετροι σιωτεθῶ-
σιν, ἢ ὅλη ἀλογος ᾖ. καλέσθω δὲ ἐκ δύο ὀ-
νομάται.

PRINCIPIUM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potentia tantum commen-
surabiles componantur, tota linea erit irra-
tionalis. Voce
tur autem Bino-
mium.



λ. 2

Ἐάν δύο μέσα δυνάμει μόνον σύμμετροι σιωτεθῶ-
σι ῥητὸν περιέχουσα, ἢ ὅλη ἀλογος ᾖ. καλέσθω δὲ
ἐκ δύο μέγων πρῶτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum commen-
surabiles rationale continentes compo-
nantur, tota li-
nea erit ratio-
nalis, vocatur



autem

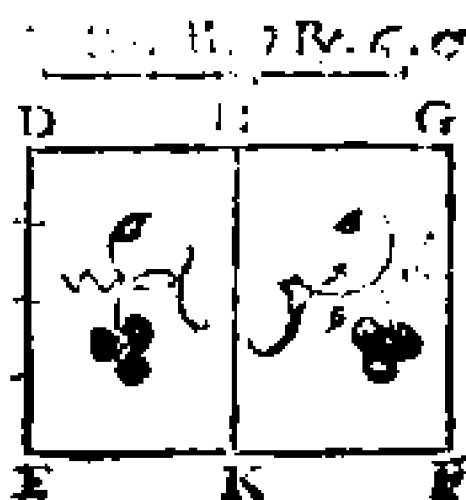
autem Bimediale prius.

λ η

Εὰν δύο μέσαι δυναμίς μόνον σύμμετροι συντεθῶσι μέθρ' περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω ὅ ἐκ δύο μέσων δευτέρα,

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum commensurabiles mediale continentes componantur, totalis linea est irrationalis. Vocetur autem Bimediale secundum.



λ θ

Εὰν δύο εὐθεῖαι δυναμίς ἀσύμμετροι συντεθῶσι ποιοῦσαι τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἑπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητόν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέθρ', ἡ ὅλη εὐθεῖα ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω ὅ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum rationale, parallelogrammum verò ex ipsis contentum mediale, totalis linea est irrationalis. Vocetur autem linea maior.



N 4

Εὰν

^μ
 Εάν δύο ευθείαι δυνάμει ἀσύμμετροι σιωτεθῶσι,
 ποιοῦσαι τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν
 τετραγώνων μέθρ, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν ῥητὸν, ἡ ὅλη ευ-
 θεία ἀλογός ἐστι. καλείσθω δὲ ῥητὸν καὶ μέθρ δυνα-
 μένη.

Theor. 29. Propo. 40.

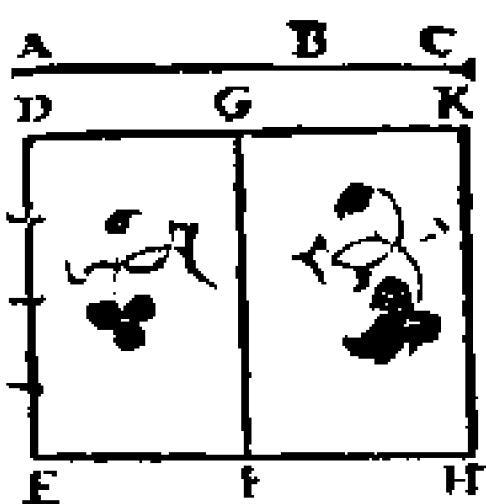
Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
 componantur, conficientes compositum ex
 ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit
 ex ip- ^Λ ^Β ^Σ
 sis, ra- 
 tionale, tota linea est irrationalis. Vocetur
 autem potens rationale & mediale.

^{μα}
 Εάν δύο ευθείαι δυνάμει ἀσύμμετροι σιωτεθῶσι
 ποιοῦσαι τὸ, τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγώνων μέθρ, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέθρ, καὶ ἐκ ἀ-
 σύμμετρον δὲ συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγώνων, ἡ ὅλη ευθεία ἀλογός ἐστι. καλείσθω δὲ δύο
 μέσα δυναμένη.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
 componantur, conficientes compositum ex
 quadratis ipsarum mediale, & quod con-
 tinetur ex ipsis, mediale, & præterea in-
 com-

incommensurable compo-
sited ex quadratis ipsa-
rum, tota linea est irratio-
nalis. Vocetur autem po-
tens duo medialia.



$\mu\beta$
Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καθ' ἓν μόνον σημεῖον διαρῆ-
ται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto diuidi-
tur in sua nomi-
na, id est in line-
as ex quibus com-
ponitur.



$\mu\gamma$
Ἡ ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἓν μόνον σημεῖον
διαρῆται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 43.

Bimediale prius in vnico tantum puncto
diuiditur in sua
nomina.

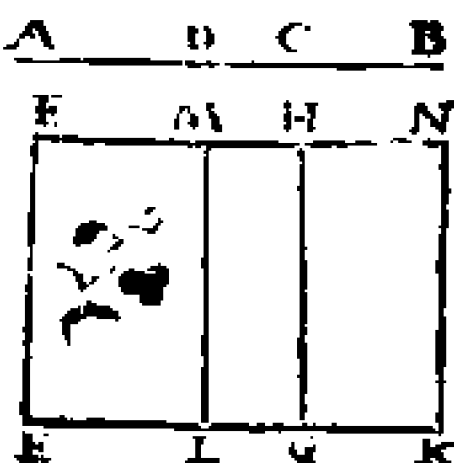


$\mu\delta$
Ἡ ἐκ δύο μέσων δευτέρα καθ' ἓν μόνον σημεῖον
διαρῆται εἰς τὰ ὀνόματα.

N 5 Theor.

Theor. 33 Propo. 44.

Bimediale secundum in
vnico tantum puncto di-
uiditur in sua nomina.



Η μείζων καὶ τὸ αὐτὸ μόνον σημῆον διαρρεῖται εἰς
τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

Linea maior in vnico tantum puncto diui-
ditur in
sua no-
mina.



Η ῥητὸν καὶ μέγαν διωαμένη κατ' ἐν μόνον σημῆον
διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor 35. Propo. 46.

Linea potens rationale & mediale in vnico
tantum
puncto
diuiditur in sua nomina.

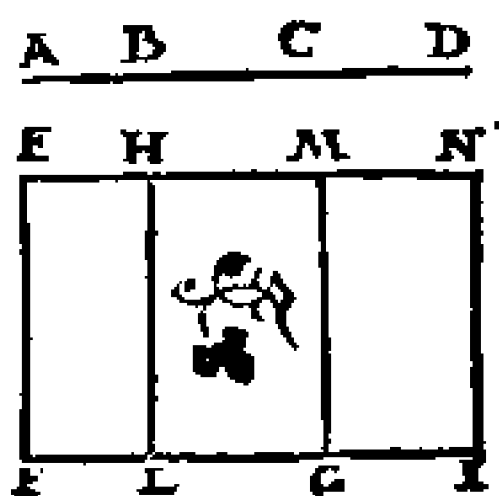


Η δύο μέσα διωαμένη κατ' ἐν μόνον σημῆον δια-
ρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor.

Theore. 36. Propo-
siti. 47.

Linea potens duo media-
lia in vnico tantum pun-
cto diuiditur in sua po-
mina.



ΟΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων διηρημέ-
νης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μᾶλλον ὀνομα τοῦ ἐλάτ-
τους μᾶλλον δύναται εἶναι ἀπὸ συμμετρῆς ἑαυτῇ
μήκει.

α

Εάν μὲν τὸ μᾶλλον ὀνομα σύμμετρον ᾗ μήκει τῇ ἐκκει-
μένη ῥητῇ, καλεῖσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εάν δὲ τὸ ἐλάσσον ὀνομα σύμμετρον ᾗ μήκει τῇ ἐκκει-
μένη ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρα.

γ

Εάν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾗ μήκει
τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων
τρίτη.

Πάλιν δὲ εἰάν τὸ μᾶλλον ὀνομα τοῦ ἐλάσσονος μᾶ-
λλον δύναται εἶναι ἀπὸ ἀσυμμέτρῆς ἑαυτῇ μήκει.

Εὰν,

δ

Εάν μὲν τὸ μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾗ μήκει τῇ ἐκχέ-
μένη ῥιτῇ, καλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτη.

ε

Εάν ᾗ τὸ ἐλάττω, πέμπτη.

ς

Εάν ᾗ μηδέτερον, ἕκτη.

DEFINITIONES

secundæ.

Proposita linearationali, & binomio diuiso in sua
nomina, cuius binomij maius nomen, id est, ma-
ior portio possit plusquam minus nomen quadra-
to lineæ sibi, maiori inquam nomini, commensu-
rabilis longitudine:

1

Si quidem maius nomen fuerit commensurable longi-
tudine propositæ lineæ rationali, uocetur tota lineæ
Binomium primum:

2

Si uerò minus nomen, id est minor portio Binomij,
fuerit commensurable longitudine propositæ lineæ
rationali, uocetur tota lineæ Binomium secundum:

3

Si uerò neutrum nomen fuerit commensurable longi-
tudine propositæ lineæ rationali, uocetur Binomium
tertium.

Rursus

Rursus si maius nomen possit plusquam minus no-
men quadrato lineæ sibi incommensurabilis lon-
gitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurable longitu-
dine propositæ lineæ rationali, vocetur tota lineæ Bi-
nomium quartum:

5

Si uerò minus nomen fuerit commensurable longitu-
dine lineæ rationali, vocetur Binomium quintum:

6

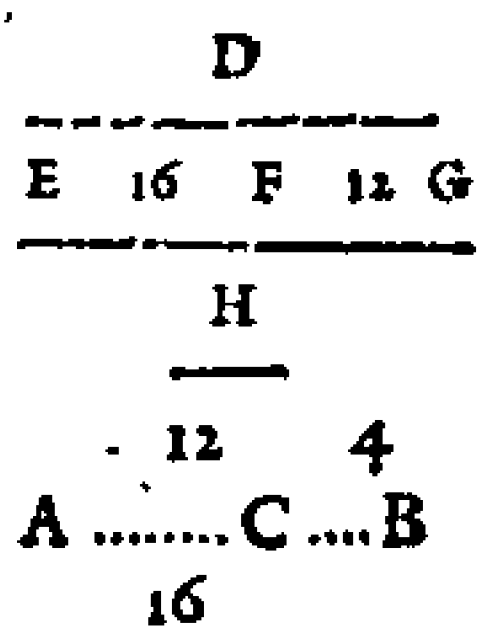
Si uerò neutrum nomen fuerit longitudine commen-
surabile lineæ rationali, vocetur illa Binomium sex-
tum.

μ η

Εὕρεϊν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτην.

Proble. 12. Pro-
posi. 48.

Reperire Binomium pri-
mum.



μ θ

Εὕρεϊν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

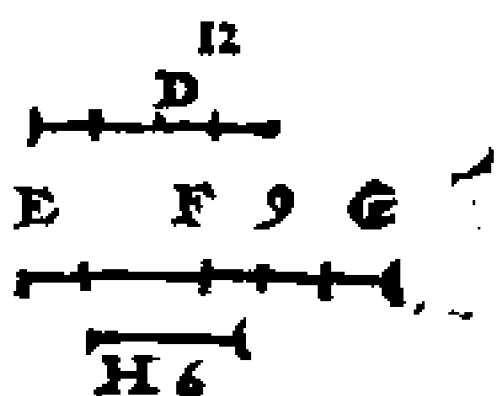
Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 13. Pro-
posi. 49.

⁹ ³
A.....C...B

Reperire Binomium se-
cundum.

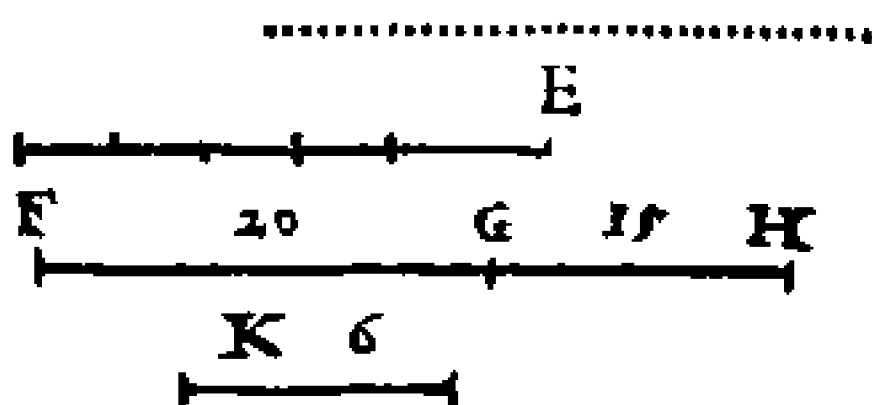


Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων Σίτλω.

Proble. 14. ¹⁵ ⁵
A.....C.....
Prop. 50. ¹⁰

D

Reperi-
re Bino-
mium
tertiū.

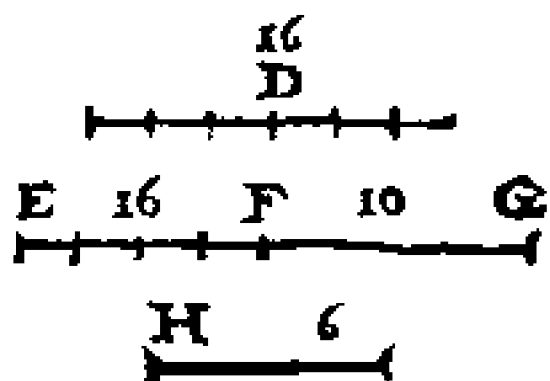


Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτῳ.

Proble. 15.
Prop. 51.

¹⁰ ⁶
A.....C.....B

Reperire Binomium
quartum.



Εὑρεῖν

٧٤

16

A.....C.....

4

20

A horizontal number line with tick marks at -10, -5, 0, 5, and 10. A point labeled 'D' is located at -2.5.

E 20 F 16 G

H 4

yy

LTG

10

6

A.....C.....B

16

D.....

20

F 20

F 16 9 10 H

К 6

٧٥

10

**Si superficies contenta fuerit ex rationa-
li &**

li & Bi-

nomio

primo, li

nea quæ

illam su-

perfici-

em po-

test, est irrationalis, quæ Binomium vocatur.

VE

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογός ᾖσιν ἡ καλυμένη ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secundo, linea potens illam superficiem est

irrationalis,

quæ Bi-

mediale

primum

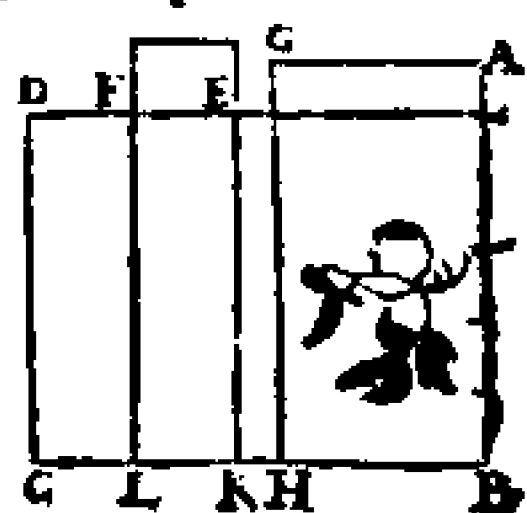
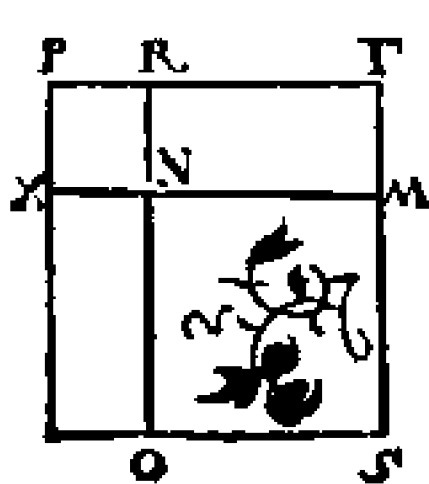
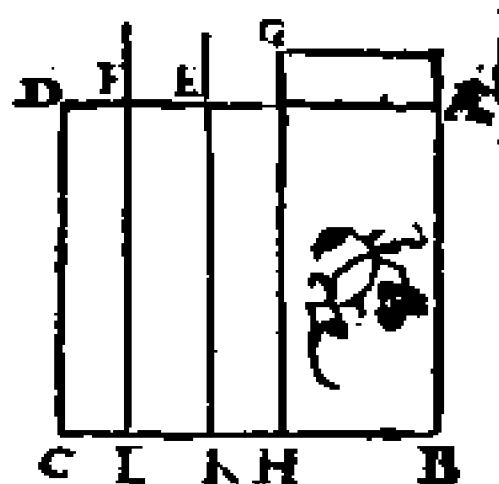
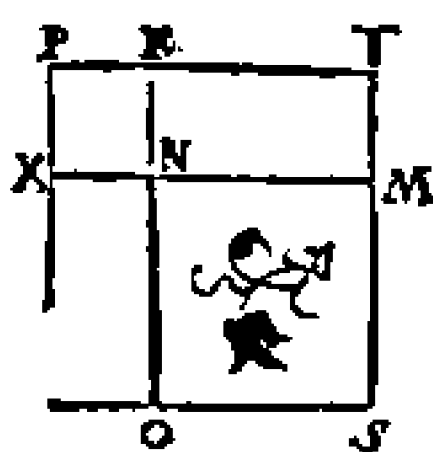
vocatur.

VS

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογός ᾖσιν ἡ καλυμένη ἐκ δύο μέσων δεύτερα.

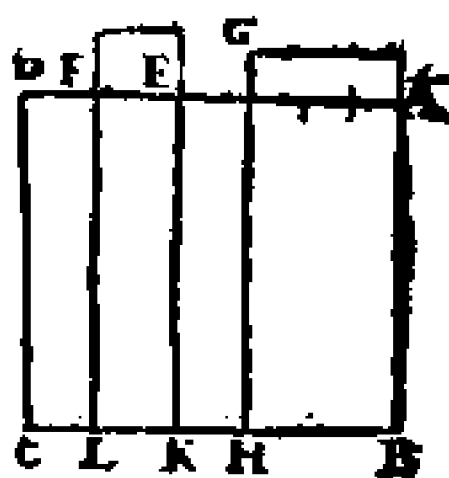
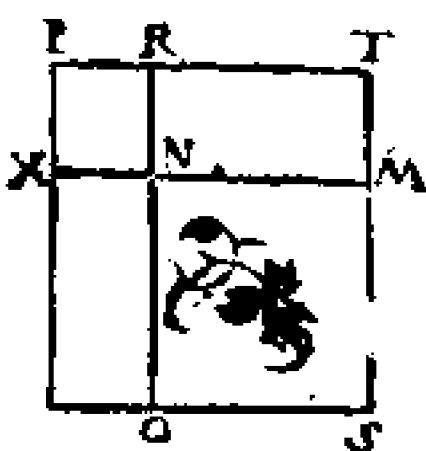
Theore. 39. Propo. 56.

Si superficies contineatur ex rationali & Bino-



Binomio

tertio, linea
quæ illā
superfici
em po-
test, est



irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundū.

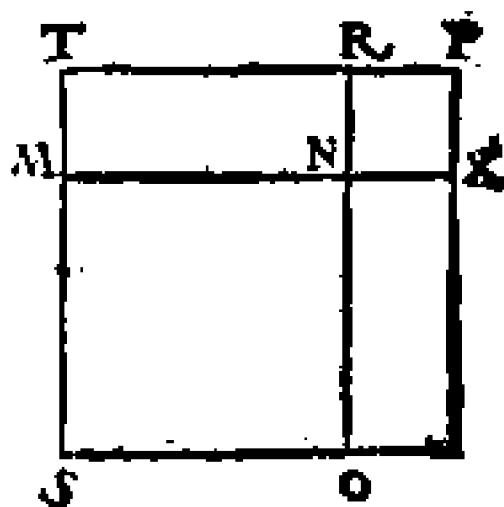
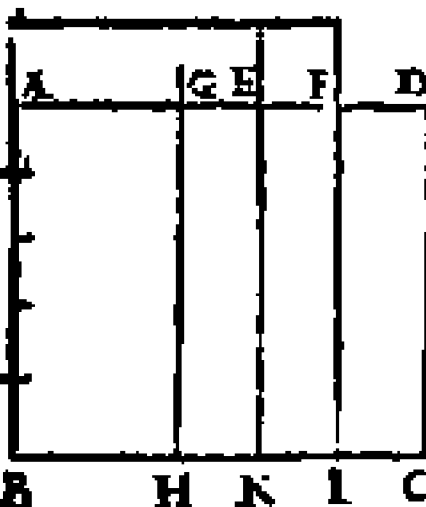
v3

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομαίων τετάρτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογόβ
ᾖσιν, ἢ χαλαμένη μείζων.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

quarto, linea
quæ po-
tens su-
perfici
em illā,



est irrationalis, quæ dicitur maior.

v4

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομαίων πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογόβ
ᾖσιν, ἢ χαλαμένη ῥητὸν καὶ μέσαν διωαμένη.

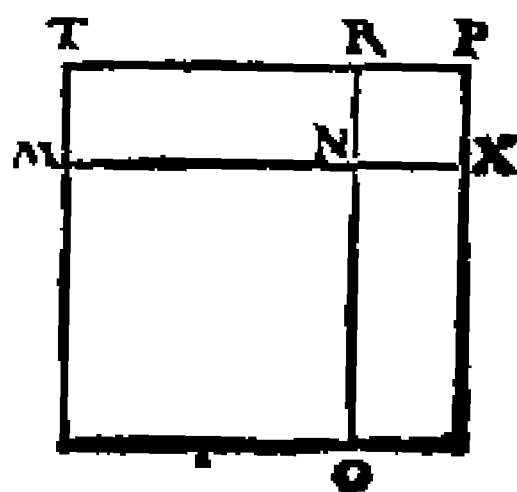
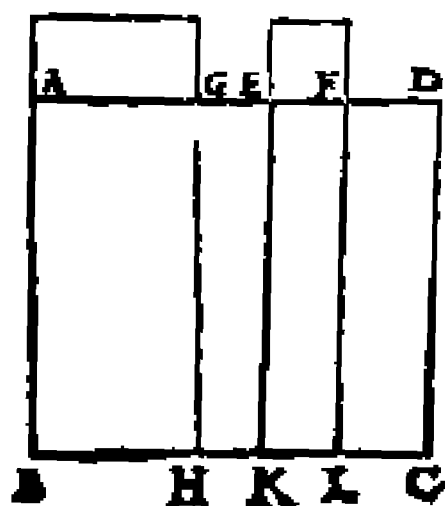
Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Binomio quinto, linea quæ illam super-

ficiem
potest
est ir-
ratio-
nalis,
quæ di-
citur
potēs
rationale & mediale.



υ θ

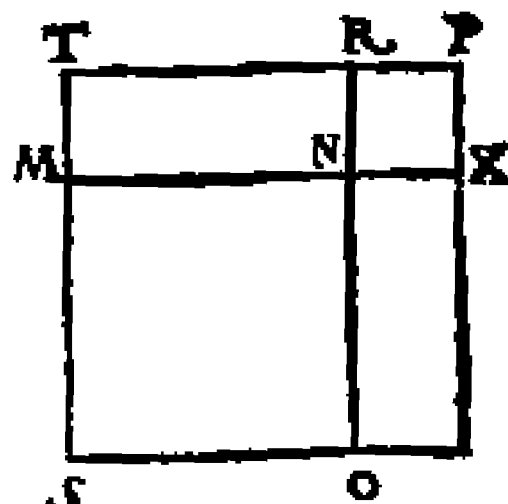
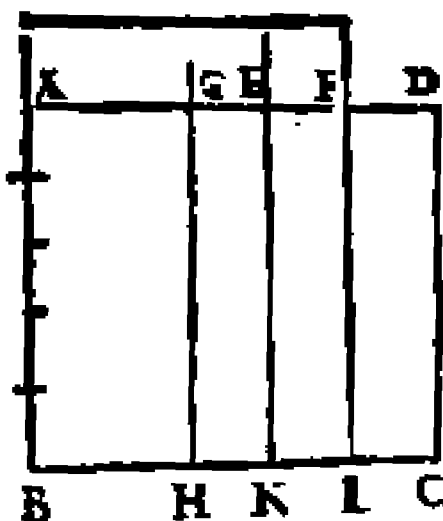
Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἑκτῆς, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογός ᾖσιν,
ἢ καλυμένη δύο μέσα διωαμένη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Bi-

nomio sexto, linea quæ illam superficiem po-

test
est ir-
ratio-
nalis,
quæ
dici-
tur po-
tens



duo medialia.

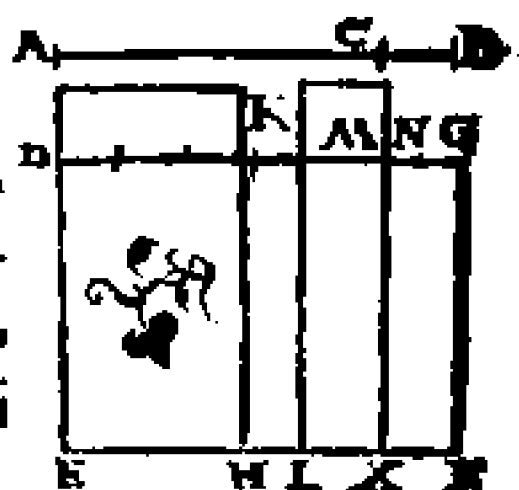
ξ

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ρητὴν παραβαλ-
λόμενον, πλάττει ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτην.

Theo.

Theore. 43. Pro-
positi. 60.

Quadratum Binomij se-
cundum lineam rationa-
lem applicatum, facit alte-
rum latus Binomium pri-
mum.

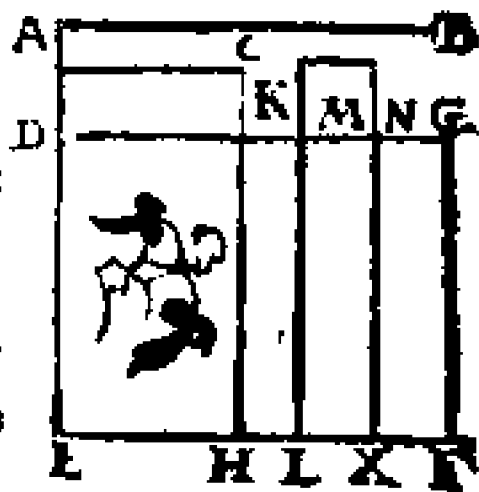


ξ α

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέτεων πρώτης παρὰ ῥητὴν πα-
ραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
δευτέραν.

Theo. 44. Pro-
positi. 61.

Quadratum Bimedialis
primi secundum rationa-
lem lineam applicatum, fa-
cit alterum latus Binomi-
um secundum.

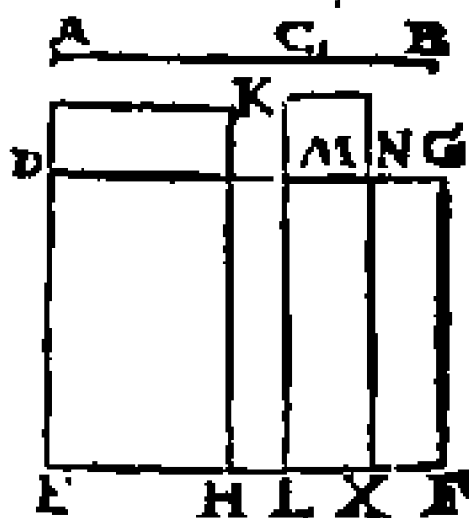


ξ β

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητὴν πα-
ραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
ἴτιαν.

Theor. 45. Pro-
positi. 61.

Quadratum Bimedialis
secundi secundum ratio-
nalem applicatū, facit alte-
rū latus Binomiū tertiu.



Ο 2

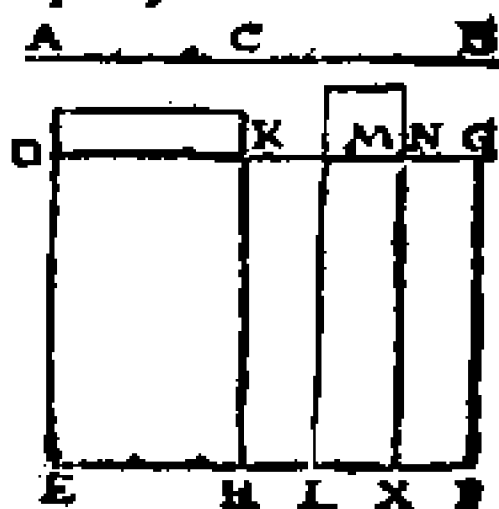
Τδ

ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Prop. 63.

Quadratum lineæ maioris secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum,

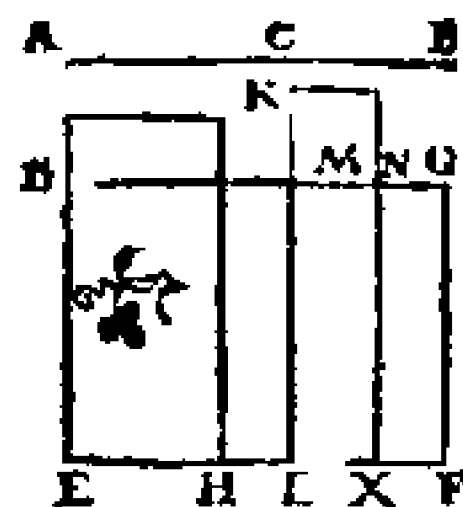


ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μείζον διωαμένης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

Theor. 47. Prop. 64.

Quadratum lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum.

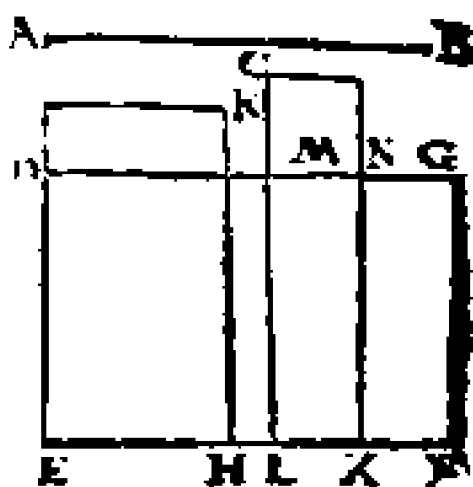


ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσα διωαμένης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτὴν.

Theo-

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secundū
rationalem applicatum, fa-
cit alterum latus Binomiū
sextum.

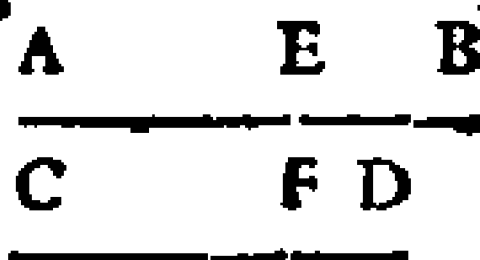


ξϛ

Ἡ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκει σύμμετρος, καὶ αὐτὴ
ἐκ δύο ὀνομάτων ἐστὶ, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτὴ.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea longitudine com-
mensurabilis Binomio est
& ipsa Binomium eiusdē
ordinis.

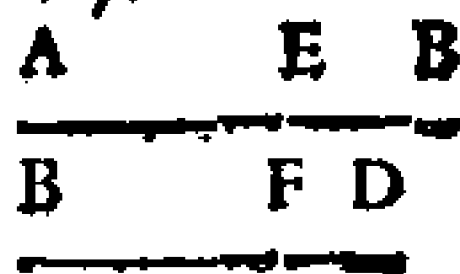


ξζ

Ἡ τῇ ἐκ δύο μέσων μήκει σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων
ἐστὶ, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτὴ.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine com-
mensurabilis alteri bime-
dialium, est & ipsa bime-
diale etiam eiusdem or-
dinis.



ξη

Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μείζων ἐστὶν.

Ο ζ

Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 51. Propo. 68.

	A	E	B
Linea commensurabilis lineæ maiori, est & ipsa maior.	C	F	D

ξ θ

Ἡ τῇ ῥητὸν καὶ μέθρ διωαμένη σύμμεξος, καὶ αὐτὴ
ῥητὸν καὶ μέθρ διωαμένη εἶν.

Theor. 52. Propo. 69.

	A	E	B
Linea commensurabilis lineæ potenti ratio- nale & mediale, est & ipsa linea potens ratio- nale & mediale.	C	F	D

ο

Ἡ τῇ δύο μέσα διωαμένη σύμμεξος, δύο μέσα δυ-
ωαμένη εἶν.

Theor. 53. Propo. 70.

	A	E	B
Linea commensurabi- lis lineæ potenti duo medialia, est & ipsa li- nea potens duo me- dialia.	C	F	D

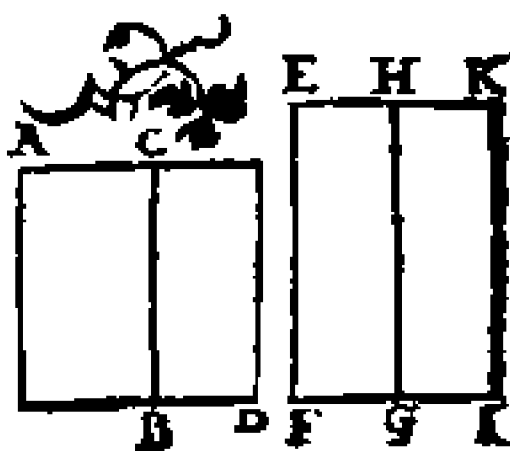
ο α

Ῥητοῦ καὶ μέσθρ συνδεμένθ, τέσσαρες ἀλογον γίνον-
ται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων πρώτῃ ἢ με-
ξων, ἢ καὶ ῥητὸν καὶ μέθρ διωαμένη.

Theor.

Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est una ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale.

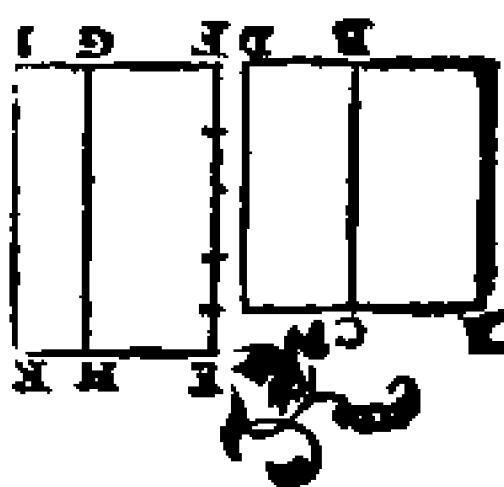


οβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις συνελθόντων, αἰ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέσων δεύτερα, ἢ ἡ δύο μέσα δυναμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, sunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialis.



Ο 4

ΣΧΟ-

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἀλογοί, οὕτως
τῇ μέσῃ, οὕτως ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' ἣν πα-
ράκειται, μήκει.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των δευτέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μέσον διωυαμένης παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πεντέμην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δύο μέσα διωαμένης παρὰ ῥητὴν πε-
ραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
ἑκτίλιν.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τοῦτε πρώ-
τα καὶ ἀλλήλων, τοῦ μὲν πρώτου, ὅτι ῥητὴ ὅστιν, ἀλλή-
λων δὲ, ὅτι τῇ τάξει οὐκ εἰσὶν αἱ αὐταί, δῆλον ὅτι καὶ
ἐν ταῖς αἰ ἀλογοῖ διαφέρουσιν ἀλλήλων.

S C H O L I U M.

*Binomium et ceteræ consequentes lineæ irrationa-
les, neque sunt eadem cum lineæ mediali, neque
ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum secun-
dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam ra-
tionalem, et longitudine incommensurabilem lineæ
secundum quam applicatur, hoc est, lineæ rationali,
per 23.*

*Quadratum uerò Binomij secundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum latus Binomium primum,
per 60.*

*Quadratum uerò Binomialis primi secundum ratio-
nalem applicationem, facit alterum latus Binomium se-
cundum, per 61.*

*Quadratum uerò Binomialis secundi secundum ratio-
nalem applicatum, facit alterum latus Binomium ter-
tium,*

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tium, per 62.

Quadratum uerò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum Latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum uerò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum Latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum uerò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum Latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines uocantur, differant & à prima latitudine, quoniã est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diuersorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irracionales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΛΟ-

γώντων κατ' ἀφαίρεσιν.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιν ἐξάδων.

ο γ

Εὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητὴ ἀφαιρεθῇ δυναμει μόνον σύμμετρος οὕσα τῇ ὅλῃ, ἐλπίσῃ ἄλογός ἐστι. καλέσθω δὲ ἀποτομή.

SECVNDVS ORDO ALTE-

rius sermonis, qui est de detractione.

Principium senariorū per detractionem.

Theon

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis, vocetur autem Residuum.

οδ

Εάν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διυνάμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν περιέχῃ, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χαλείσθω δὲ μέσης ἀποτομή πρώτη.

Theor. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuum mediale primum.

οε

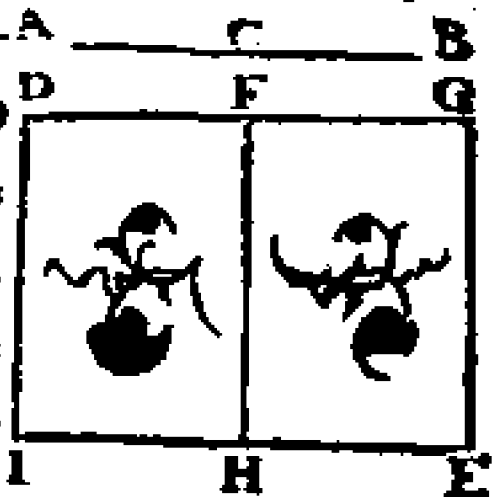
Εάν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διυνάμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέθρη περιέχῃ, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χαλείσθω δὲ μέσης ἀποτομή δευτέρα.

Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur mediālis potentia tantū in commen-
surabilis toti, quæ verò
detracta est, cū tota con-
tineat superficiem media-
lem, reliqua est irrationalis. Vocetur autem Resi-
duum mediale secūdum.



ο 5

Εάν ἀπὸ εὐθείας εὐθεΐα ἀφαιρεθῇ δυναμει ἀσύμ-
μετρος οὕσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ μὲν
ἀπὸ αὐτῶν ἅμα ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῶν μέσον, ἢ λογ-
πῇ ἀλογός ἐστι. χαλεσθῶ δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia
incommensurabilis toti, compositum au-
tem ex quadratis totius lineæ & lineæ de-
tractæ, sit rationale, parallelogrammum
verò ex iisdem contentum sit mediale, re-
liqua linea erit A C B
irrationalis. Vo-
cetur autem linea minor.

ο 7

Εάν ἀπὸ εὐθείας εὐθεΐα ἀφαιρεθῇ δυναμει ἀσύμ-
μετρος οὕσα τῇ ὅλῃ, μὲν δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ μὲν
συγκείμενον

συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-
σον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἢ λοιπὴ ἀλογός ᾔσθι.
καλέσθω ᾗ μὲ ῥητοῦ μέσον τὸ ὅλον ποιοῦσα.

Theor. 58. Propo. 77.

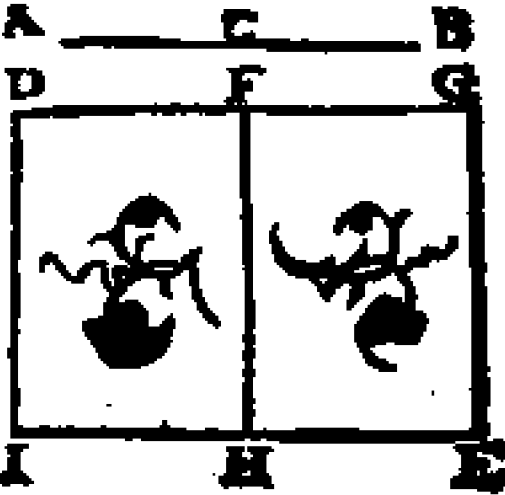
Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, compo-
situm autem ex quadratis totius & lineæ de-
tractæ sit mediale, parallelogrammum ve-
rò bis ex eisdem contentum sit rationale,
reliqua linea est irrationalis. Vocetur au-
tem linea faciens cum superficiei rationali
totam superfi- A C B
ciem media-
lem.

ο η

Ἐὰν ἀπὸ εὐθείας εὐθεία ἀφαιρεθῇ διωάμη ἀσύμ-
μετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ
μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων,
μέσον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον, ἔλκε δὲ τὰ ἀπ' αὐτῶν
τετράγωνα ἀσύμμετρα ᾧ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ
ἀλογός ᾔσθι. καλέσθω ᾗ μετὰ μέσῳ μέσον τὸ ὅλον
ποιοῦσα.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, compo-
situm autem ex quadratis totius & lineæ
detractæ sit mediale, parallelogrammum
verò

verò bis ex ijsdem sit etiam mediale: præ-
tèrea sint quadrata ipsarum incommensu-
rabilia parallelogrammorum. 
bis ex ijsdem contento,
reliqua linea est irratio-
nalis. Vocetur autem li-
nea faciens cum superfi-
cie mediali totam super-
ficiem medialem.

ο θ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνον προσαρμόζει ἑυθεῖα ῥητὴ,
δυνάμει μόνον σύμμετρος δυσα τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum linea recta coniungi-
tur rationalis, po- 
tentia tantum com-
mensurabilis toti lineæ.

π

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτη μόνον μία προσαρμόζει
ἑυθεῖα μέση, δυνάμει μόνον σύμμετρος δυσα τῇ ὅλῃ,
μετὰ δὲ τῇ ὅλῃς ῥητὸν περιέχουσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea
coniungitur medialis, potentia tantum com-
mensurabilis toti, 
ipsa cum tota conti-
nens rationale.

Τῇ

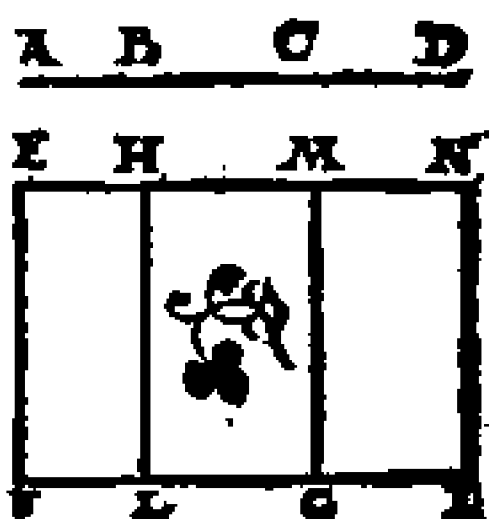
πα.

π. α. β.

Ἡ μέση ἀποτομή δευτέρα μία μόνον προσαρμόζει
 εὐθεῖα μέση, διυνάμει μόνον σύμμεζος ὄνσα τῇ ὅ-
 λῃ, μετὰ ᾗ τῆς ὅλης μέθρ περιέχουσα.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secun-
 do vnica tantum coniu-
 gitur medialis, potenti-
 tantum commensurabilia
 toti, ipsa cum tota contin-
 ens mediale.



π β

Τῇ ἐλάσσθῃ μία μόνον προσαρμόζει εὐθεῖα διυνά-
 μει ἀσύμμεζος ὄνσα τῇ ὅλῃ, ποιοῦσα μετὰ τῇ ὅλῃ
 τὸ μὲν ἐκ τῶν ἀπὸ αὐτῶν τετραγώνων, ῥητὸν, τὸ δὲ
 δις ὑπὸ αὐτῶν, μέθρ.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniungitur
 potentia incommensurabilis toti, faci-
 ens cum tota compositum ex quadratis ip-
 sarum rationale, id
 verò parallelogram-
 mum, quod bis ex
 ipsis fit, mediale.

π γ

Τῇ μετὰ ῥητοῦ μέθρ τὸ ὅλον ποιοῦση μία μόνον
 προσαρμόζει εὐθεῖα διυνάμει ἀσύμμεζος ὄνσα τῇ
 ὅλῃ.

ὅλη, μετὰ ὅ ὅλης ποιοῦσα τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ
τῶν ὑπὸ αὐτῶν τετραγώνων, μέθρ, τὸ δὲ δις ὑπὸ αὐτῶν
τῶν ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

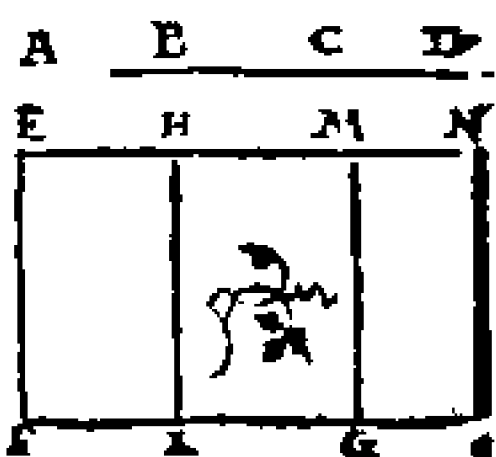
Lineæ facienti cum superficie rationali totā
tāque superficiem medialem, vnica tantūm
coniūgitur linea recta potentia incom-
mensurabilis toti, faciens autem cum tota
compositum ex quadratis ipsarum, mediale,
id verò quod sit $\begin{array}{cccc} A & B & C & D \end{array}$
bis ex ipsis, ratio-
nate.

πδ-

Ἡ μετὰ μέσθρ μέθρ τὸ ὅλον ποιοῦση μία μόνον
προσαρμίζει εὐθεῖα διωάμη ἀσύμμεζος ὕσα τῇ
ὅλη, μετὰ δὲ ὅ ὅλης ποιοῦσα τό, τε συγκείμενον ἐκ
τῶν ὑπὸ αὐτῶν τετραγώνων, μέθρ, τὸ δὲ δις ὑπὸ
αὐτῶν, μέθρ, καὶ ἔλ ἀσύμμεζον τὸ συγκείμενον ἐκ
τῶν ὑπὸ αὐτῶν ὅ δις ὑπὸ αὐτῶν.

Theor. 65. Propo. 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti to-
tāque superficiem media-
lem, vnica tantūm con-
iūgitur linea potentia
toti incommensurabilis,
faciens cum tota compo-
situm ex quadratis ipsarū
mediale, id verò quod sit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum in eo mensurabile ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΡΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς.

α

Ἐὰν μὲν ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύνῃται
ᾧ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμμε-
τρος ἢ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καλεῖσθω ἀπο-
τομή πρώτη.

β

Ἐὰν ὅ ἡ προσαρμόζουσα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκει-
μένῃ ῥητῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης
μῆζον δύνῃται ᾧ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖ-
σθω ἀποτομή δευτέρα.

γ

Ἐὰν ὅ μηδετέρα σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ
μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύν-
ηται ᾧ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖσθω ἀπο-
τομή τρίτη.

Ἠτέλιν ἐὰν ἡ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύν-
ῃται ᾧ ἀπὸ ἀσυμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει.

κ

Εἰς

δ

Εάν μὲν ἡ ὅλη σύμμετρος ᾖ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει,
καλείσθω ἀποτομή τετάρτη.

ε

Εάν ᾖ ἡ προσαρμόζουσα, πέμπτη.

ς

Εάν ᾖ μηδετέρα, ἕκτη.

DEFINITIONES

TERTIÆ.

Proposita lineæ rationali σ residuo.

1

*Si quidem tota, nempe composita ex ipso res-
duo σ lineæ illi coniuncta, plus potest quàm con-
iuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis lon-
gitudinis, fueritq; tota longitudine commensura-
bilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsum
vocetur Residuum primum.*

2

*Si uerò coniuncta fuerit longitudine commensu-
rabilis rationali, ipsa autē tota plus possit quàm
coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine com-
mensurabilis, residuum vocetur Residuum secun-
dum.*

ἢ uerò

3

Si uerò neutra linearum fuerit longitudine commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, uocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plus quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis.

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, uocetur Residuum quartum.

5

Si uerò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum quintum.

6

Si uerò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritq; tota potentior quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum sextum.

π β

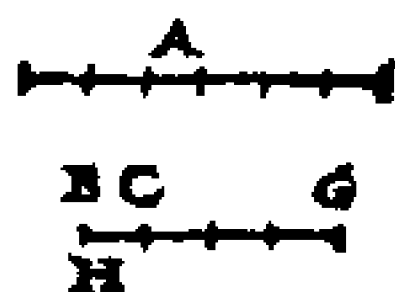
Εὐρεῖν τὴν πρῶτῃ ἀποτομήν.

P 2

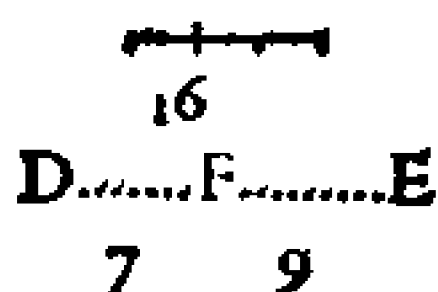
Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 18. Propo-
siti. 85.



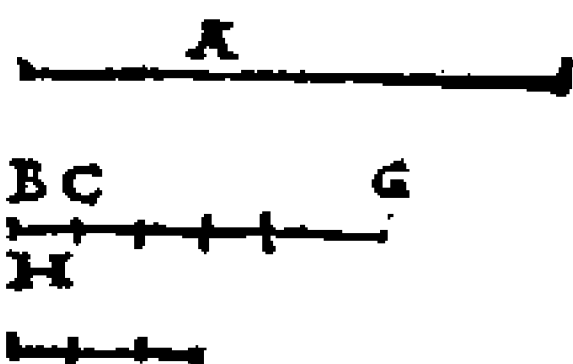
Reperire primum Resi-
duum.



πς

Εὑρεῖν τὴν δευτέραν ἀποτομήν.

Probl. 19. Propo-
siti. 86.



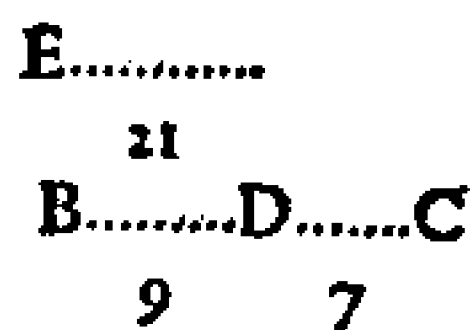
Reperire secundum Re-
siduum.



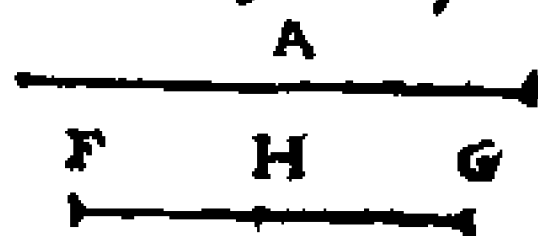
πζ

Εὑρεῖν τὴν τρίτῃ ἀποτομήν.

Probl. 20. Propo-
siti. 87.



Reperire tertium Re-
siduum.



πη

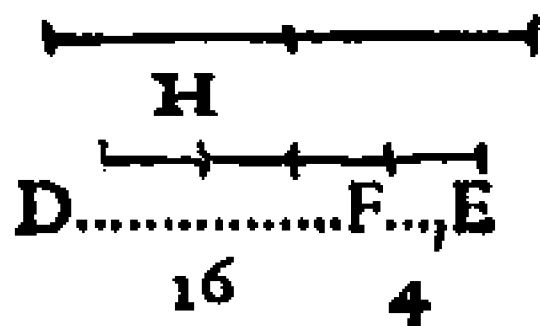
Εὑρεῖν τὴν τετάρτῃ ἀπο-
τομήν.



Probl. 21. Pro-
posi. 88.



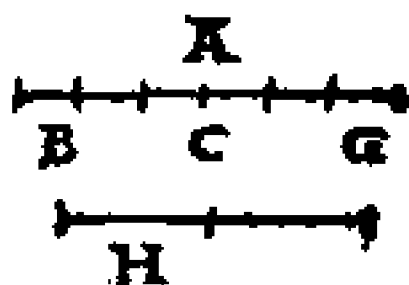
Reperire quar-
tum Residuū.



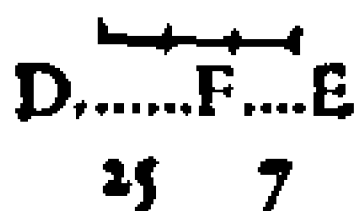
$\pi \theta$

Εὑρεῖν τὴν τέμνουσιν ἀποτομήν.

Probl. 22. Pro-
posi. 89.

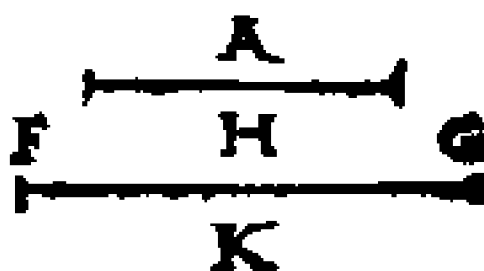


Reperire quintum Re-
siduum.



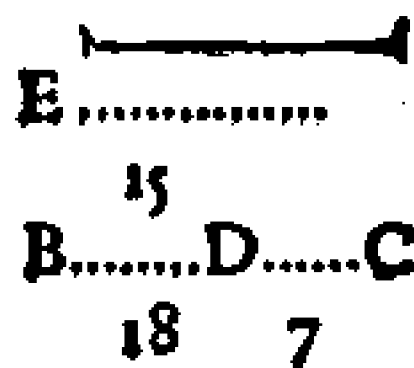
h

Εὑρεῖν τὴν ἑκτὴν ἀποτομήν.



Probl. 23. Pro-
posi. 90.

Reperire sextum Resi-
duum.



$h a$

Εὰν χωρίον περιέχῃται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πρώ-
της, ἢ τὸ χωρίον διωκμένη, ἀποτομή ἐστίν.

P 3

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& resi-

duo pri-

mo, li-

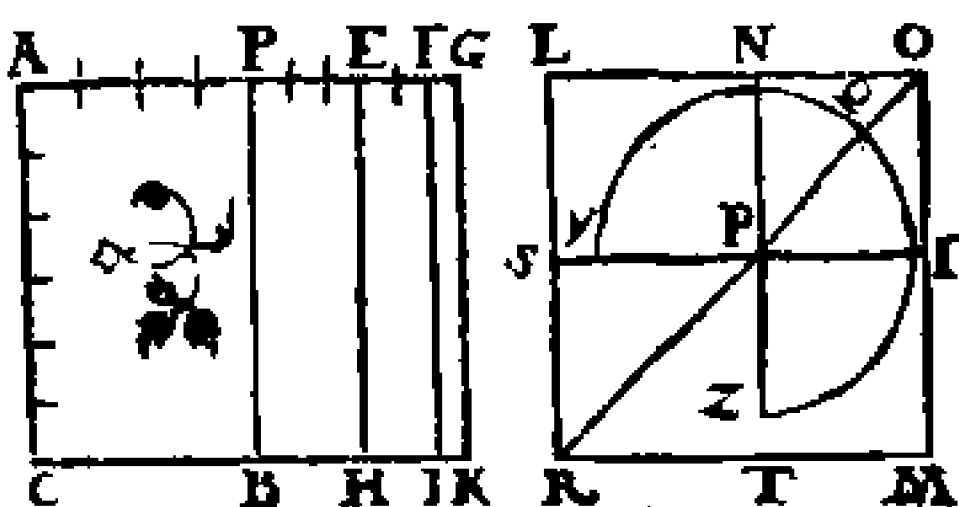
nea quæ

illam su-

perficie

potest,

est residuum.



h 6

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς δευ-
τέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη, μέσης ἀποτομῇ ᾗ ἐστὶ
πρώτη.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& resi-

duo se-

cundo,

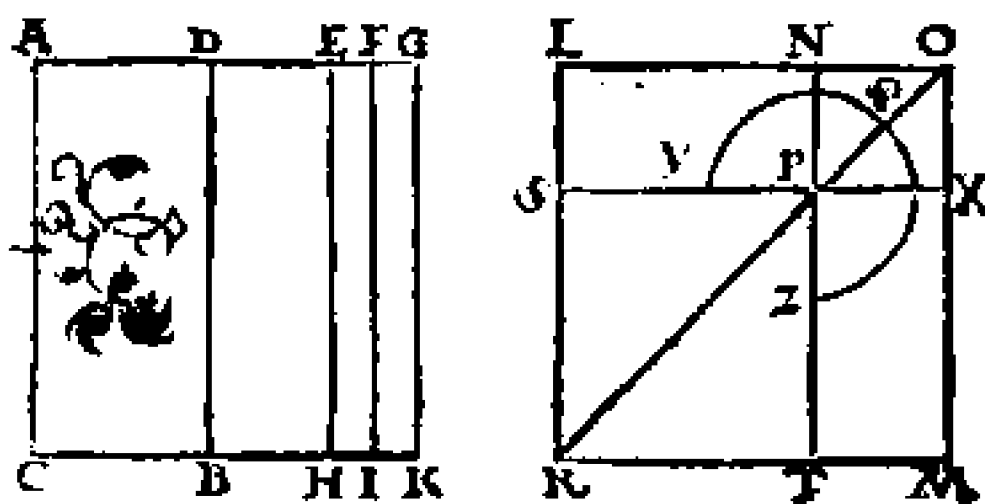
linea

quæ il-

lam su-

perficie

em potest, est residuum mediale primum.



h 7

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς
τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη, μέσης ἀποτομῇ ᾗ ἐστὶ
δευτέρα.

Theor.

Theor. 68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& resi-

duo ter-

tio, linea

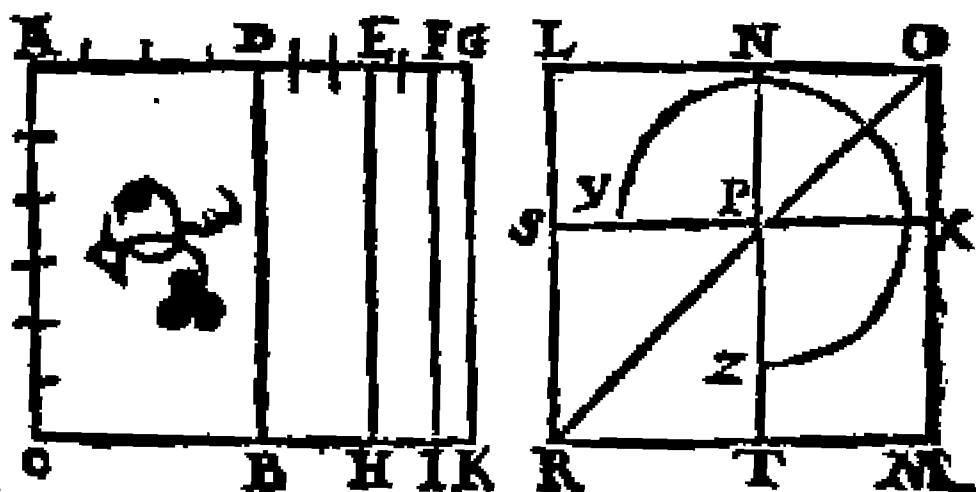
quæ illā

superfi-

ciem po-

test, est

residuum mediale secundum.



h δ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τε-
τάρτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη, ἐλάσσων ἐστί.

Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& resi-

duo

quarto,

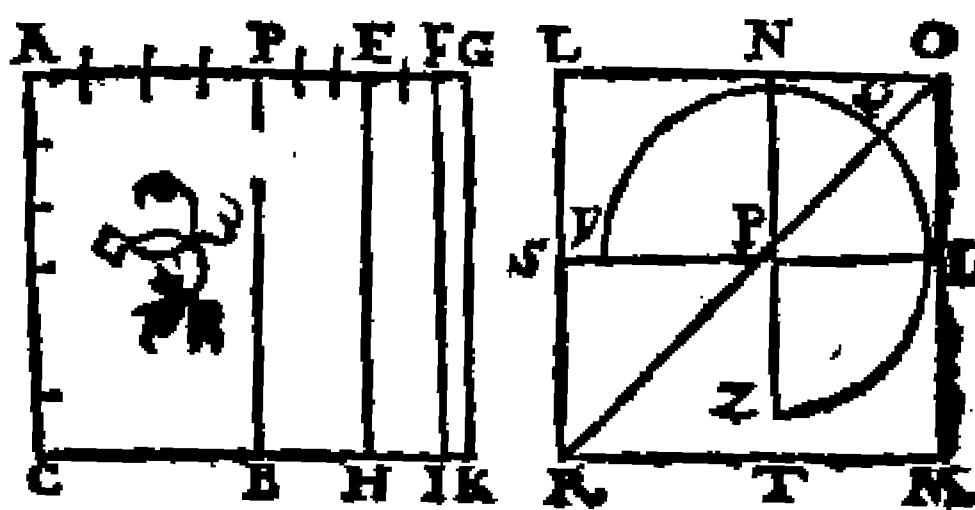
linea

quæ illā

superfi-

ciem po-

test, est linea minor.



h ε

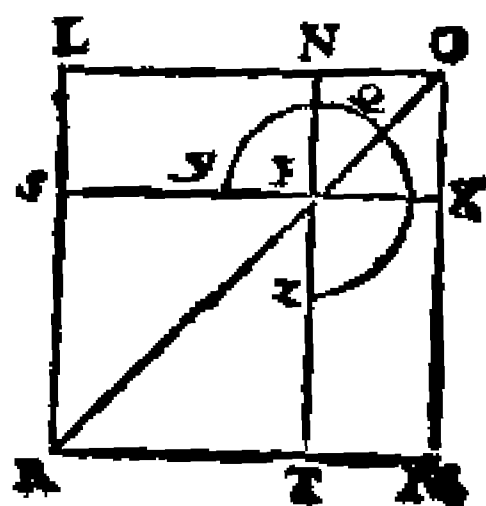
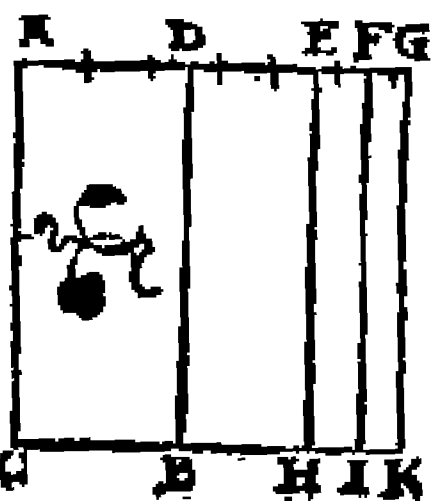
Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς
πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη, ἢ μετὰ ῥητοῦ μέθυσ-
τὸ ὅλον ποιούσα ἐστί.

P 4

Theor.

Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo quinto, linea quæ illam superficiem
potest
est ea
quæ di-
citur
cum ra-
tiona-
li su-
perfi-



cie faciens totam medialem.

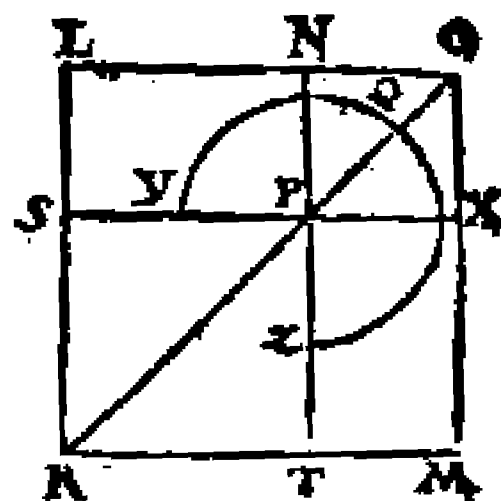
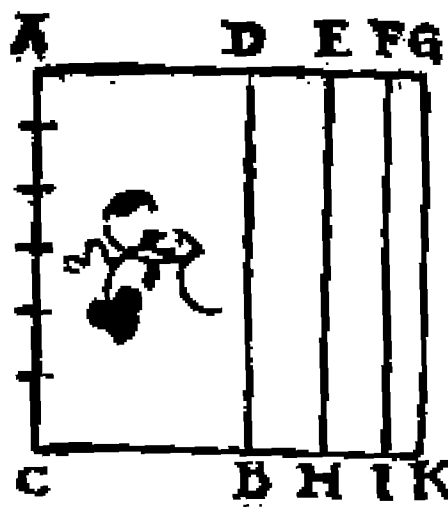
h 5

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς
ἑκτῆς, ἡ τὸ χωρίον διωραμένη, μετὰ μέσθ μέθην τὸ
ἔλκον ποιοῦσά ἐστι.

Theore. 71. Propo. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo sexto, linea quæ illam superficiem
potest

est ea
quæ di-
citur
facies
cum
media



li superficie totam medialem.

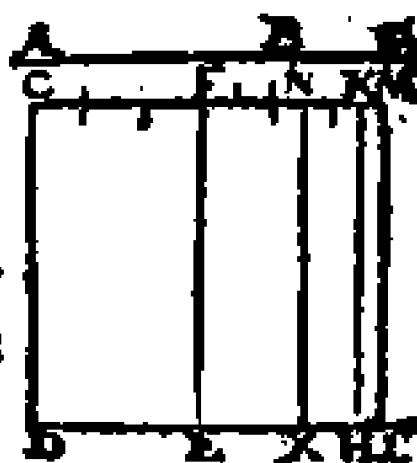
h 2

Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον,

πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν πρώτην.

Theore. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum,

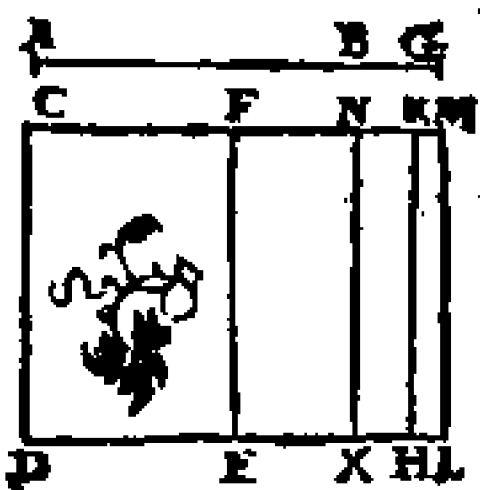


hη

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum.

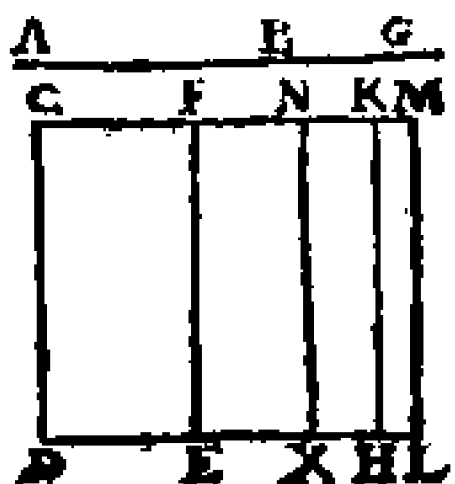


hθ

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Propo. 99.

Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum tertium.



P §

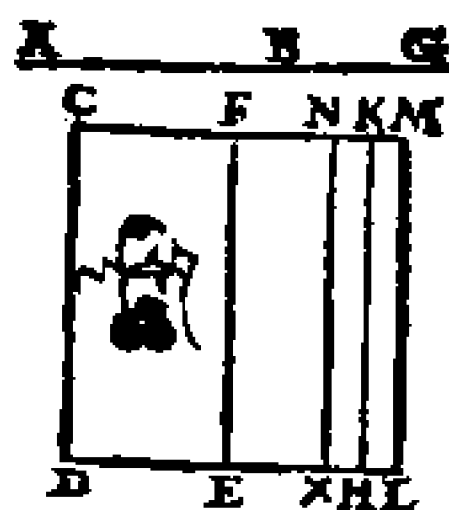
Τὸ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Τὸ ἀπὸ ἐλάσθους παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Pro.
πο. 100.

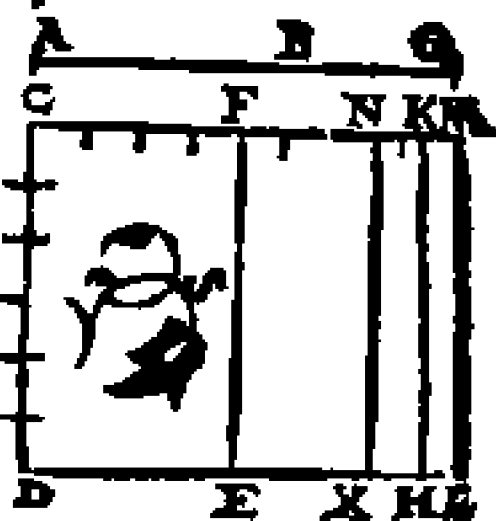
Quadratum lineæ minoris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητοῦ μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν πέμπτην.

Theor. 76. Prop. 101.

Quadratum lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum quintum.

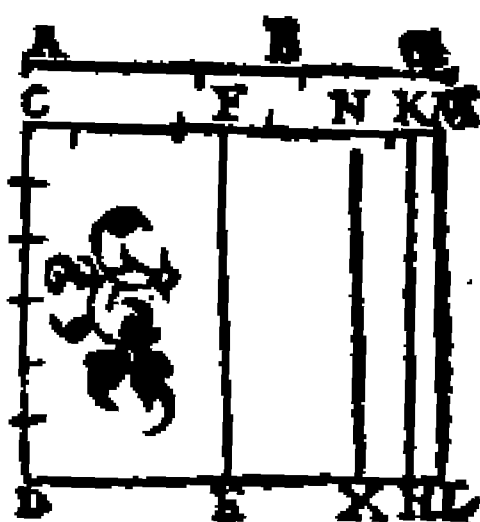


Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσθ' μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν ἑκτὴν.

Theo.

Theor. 77. Propo. 102.

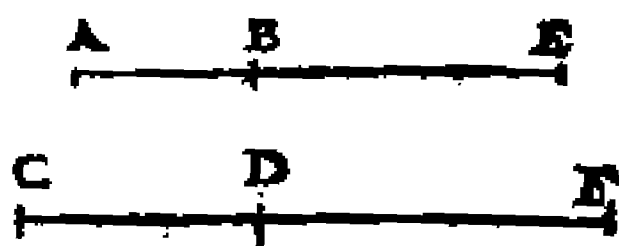
Quadratum lineæ cum
mediali superficie facien-
tis totam medialem, se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum sextum.



Ἡ τῇ ἀποτομῇ μὲν ^{ρ γ} σύμμετρος, ἀποτομή ὅτιν, καὶ
τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 78. Propo. 103.

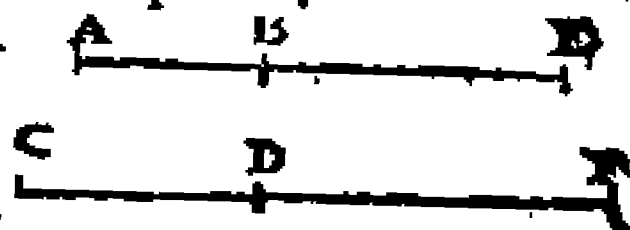
Linea residuo com-
mensurabilis longi-
tudine, est & ipsa re-
siduum, & eiusdem
ordinis.



Ἡ τῇ μέσῃ ἀποτομῇ ^{ρ δ} σύμμετρος, μέση ἀποτομή ὅτιν, καὶ
τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 79. Prop. 104.

Linea commensura-
bilis residuo media-
li, est & ipsa residuū
mediale, & eiusdem ordinis.

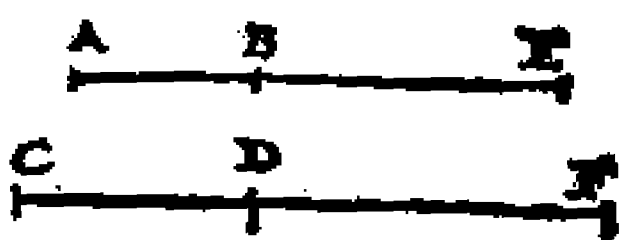


Ἡ ἡ

Ἡ τῇ λαϊσθῇ ^{ρδ} σύμμετρος, ἐλάττω ἐστίν.

Theore. 80. Prop. 105.

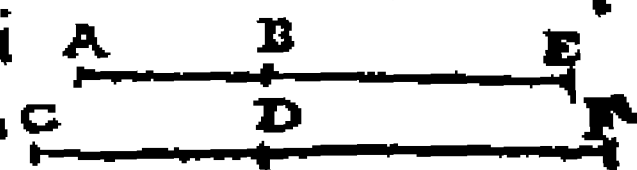
Linea commensurabilis lineæ minori, est & ipsa lineæ minori.



Ἡ τῇ μετὰ ῥητοῦ μέτρῳ ^{ρδ} τὸ ὅλον ποιούσῃ σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μὲν ῥητοῦ μέτρῳ τὸ ὅλον ποιοῦσα ἐστίν.

Theore. 81. Prop. 106.

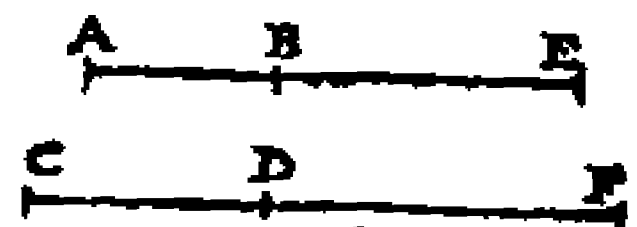
Linea commensurabilis lineæ cum rationali superficie facienti totam medialem, est & ipsa lineæ cum rationali superficie faciens totam medialem.



Ἡ τῇ μὲν μέτρῳ ^{ρδ} τὸ ὅλον ποιούσῃ σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μὲν μέτρῳ τὸ ὅλον ποιοῦσα ἐστίν.

Theor. 87. Prop. 107.

Linea commensurabilis lineæ cum mediali superficie facienti totam medialem, est & ipsa cum mediali superficie faciens totam medialem.



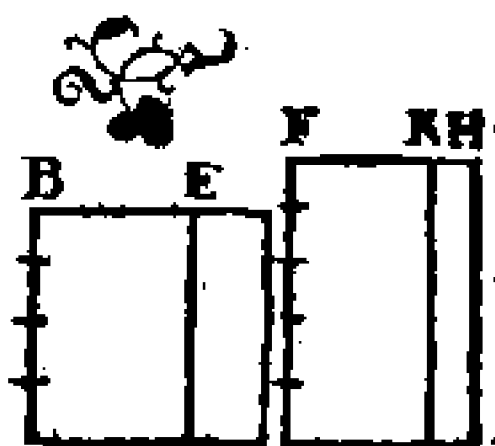
Αὐτὴ

§ 7

Απὸ ῥητοῦ, μέσῃ ἀφαιρῶμεν, ἢ τὸ λοιπὸν χωρίον
 διωαμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἢτοι ἀποτομή, ἢ
 ἑλάττων.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur superfi-
 cies medialis, linea quæ re-
 liquam superficiē potest,
 est alterutra ex duabus ir-
 rationalibus, aut residuū,
 aut linea minor.

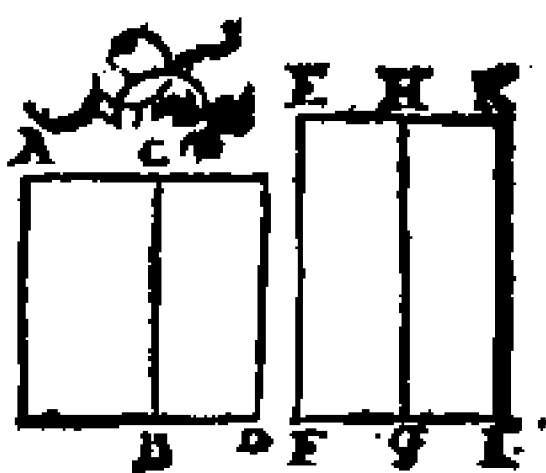


§ 8

Απὸ μέσῃ, ῥητοῦ ἀφαιρῶμεν, ἄλλα δύο ἄλογοι γί-
 νονται, ἢτοι μέσῃ ἀποτομή πρώτη, ἢ μετὰ ῥητοῦ τὸ
 ὅλον ποιεῦσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali
 detrahatur superficies ra-
 tionalis, aliæ duæ irra-
 tionales sunt, aut residuum
 mediale primū, aut cum
 rationali superficiē faci-
 ens totam medialem.



§ 9

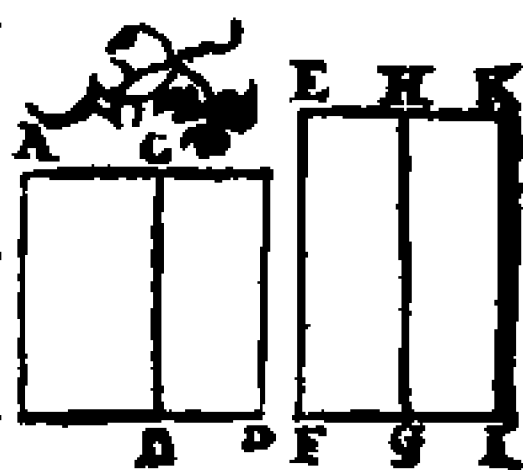
Απὸ μίσοῦ, μίσοῦ ἀφαιρῶμεν ἀσύμμετρον δὲ ἑλάτ-
 τω.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

αἱ λοιπὴ δὺο ἀλογοὶ γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή
 δευτέρα, ἢ μετὰ μέσῃ μέθρ τὸ ὅλον ποιοῦσα.

Theor. 85. Propo. 110.

Si de superficie mediali detrahatur superfi-
 cies medialis quæ sit in-
 commensurabilis toti, re-
 liquæ duæ sunt irratio-
 nales, aut residuum me-
 diale secundum, aut cum
 mediali superficie faciēs
 totam medialem.



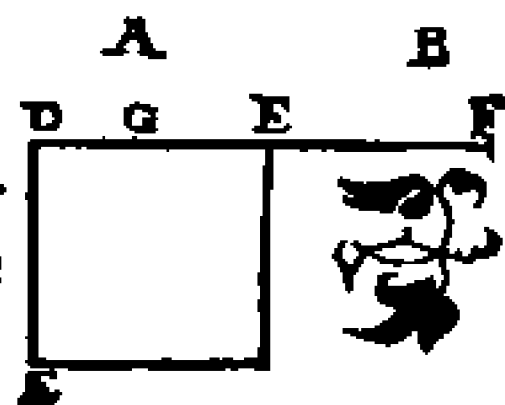
§ 1 α

Ἡ ἀποτομή οὐκ ἔστιν ἡ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνοματιῶν.

Theor. 86. Pro-

posit. 111.

Linea quæ Residuum di-
 citur, non est eadem cum
 ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἀλογοὶ, ὅτε τῇ μέσῃ
 ὅτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλ-
 λόμενοι,

λόμφοι, πλάτος ποιῇ, ῥητὴν καὶ ἀσύμμετρον τῇ
παρ' ἣν παρὰκείται, μήκῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν πρώτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν δευ-
τέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν
τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάττωτος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
μενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητοῦ μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀ-
ποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσῃ μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀ-
ποτομὴν ἑκτὴν.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τοῦτε
πρώτου καὶ ἀλλήλων (τοῦ μὲν πρώτου, ὅτι ῥητὴ
ᾧ ἐστι, ἀλλήλων δὲ, ὅτι τάξι οὐκ εἰσὶν αἱ αὐταὶ) ὁπ-
λον

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

λον ὡς καὶ αὐτὰ αἱ ἀλογοὶ διαφέρουσιν ἀλλή-
λων. καὶ ἐπεὶ δέδοκται ἡ ἀποτομή οὐκ ὕστατος
αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιοῦσι δὲ πλάτῃ
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμεναι αἱ μετὰ τὴν
ἀποτομήν, ἀποτομὰς ἀκολουθῶς τῇ τάξει κα-
θ' αὐτήν, αἱ δὲ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, τὰς ἐκ
δύο ὀνομάτων, καὶ αὗται τῇ τάξει ἀκολουθῶς,
ἕτεραι ἄρα εἰσὶν αἱ μετὰ τὴν ἀποτομήν, καὶ ἕτε-
ραι αἱ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι τῇ τά-
ξει πάσας ἀλόγους ιγ.

α	Μέσλι.	η	Αποτομήν.
β	Εκ δύο ὀνομάτων.	θ	Μέσλι ἀποτομήν
γ	Εκ δύο μέσων πρῶ- τῳ.		πρώτῳ.
δ	Εκ δύο μέσων δευ- τέρῳ.	ι	Μέσλι ἀποτομήν
ε	Μείζονα.		δευτέρῳ.
ς	Ῥητὸν καὶ μέγιστον ναμένον.	ια	Ελάττωνα.
ζ	Δύο μέσα δυναμέ- νῳ.	ιβ	Μετὰ ῥητοῦ μέσον τὸ ὅλον ποιοῦσαν.
		ιγ	Μετὰ μέσῳ μέγιστον τὸ ὅλον ποιοῦσαν.

ΣΧΟΛ.

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, et ceteræ quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediali neque sibi ipsæ inter se sunt eadem. Nam quadratum lineæ medialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundum quam applicatur, per 23.

Quadratum uerò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum, per 97.

Quadratum uerò residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum uerò residui medialis secundi, facit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum uerò lineæ minoris facit alterum latus residuum quartum, per 100.

Quadratum uerò lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum uerò lineæ cum mediali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Q

Cum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato æqualis et secundum rationalem applicati, differant et à primo latere, et ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irrationales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est Residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui et quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt et residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter et quadrata Binomij et quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomijis eiusdem ordinis cuius sunt et Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irrationales quæ consequuntur Binomium, et quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irrationales sunt numero 13.

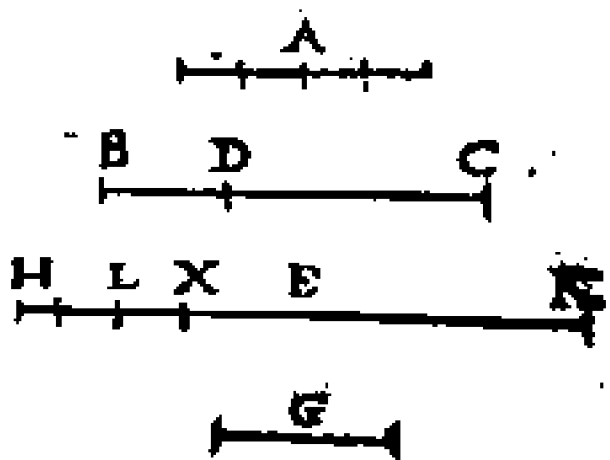
- | | |
|-------------------------------|----------------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum mediale sec- |
| 3 Bimediale primum. | cundum. |
| 4 Bimediale secundū. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum rationali |
| 6 Potens rationale & mediale. | superficie totam media- |
| 7 Potēs duo medialia. | 13 Faciens cum mediali su- |
| 8 Residuum. | perficie totam media- |
| 9 Residuum mediale | lem. |

§ 16

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομήν, ἥς τὰ ὀνόμα-
τα σύμμεζά ἐστὶ τοῖς τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
σι, καὶ ἐν δὲ αὐτῷ λόγῳ. καὶ ἐκ τῆς γινομένης ἀποτομῆς
τὴν αὐτὴν ἐκ τῶν τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theore. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum Bi-
nomium applicatū,
facit alterum latus
residuum, cuius no-
mina sunt commen-
surabilia Binomij
nominibus, & in ea-
dem proportione:
præterea id quod fit Residuum, eundem



Q 2

ordi-

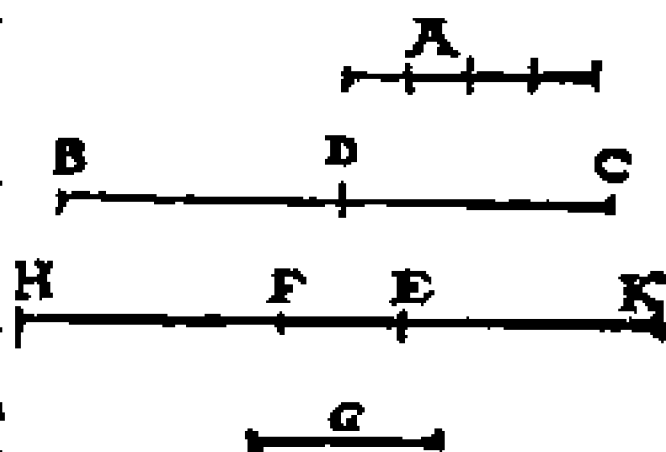
EVCLID. ELEMEN. GEOM.
ordinem retinet quem Binomium.

ρ ι γ

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ ἀποτομὴν παραβαλλόμενον,
πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἥς τὰ ὀνόματα
σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν
ᾧ αὐτῷ λόγῳ. ἢ ἡ γινομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν
αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀποτομῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum resia-
duum applicatum, facit alterum latus Bino-
mium, cuius nomi-
na sunt commensu-
rabilia nominibus
residui & in eadem
proportionē: præ-
terea id quod sit Bi-
nomium, est eiusdē
ordinis, cuius & Residuum.



ρ ι δ

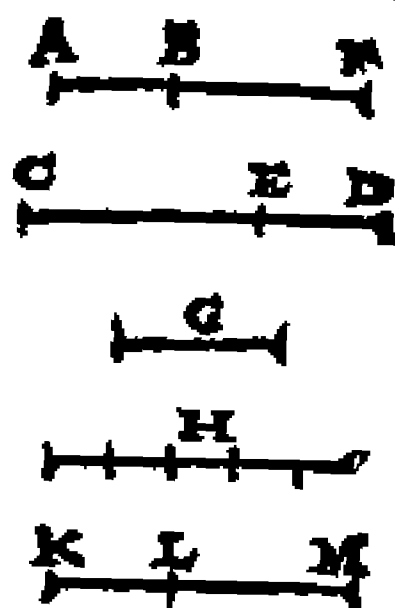
Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ἀποτομῆς καὶ ᾧ ἐκ δύο
ὀνομάτων, ἥς τὰ ὀνόματα σύμμεζά ἐστι τοῖς τῇ ἀ-
ποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν ᾧ αὐτῷ λόγῳ, ἡ τὸ χωρίον
διωαμένη, ῥητὴ ἔσται.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-
duo

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportione, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

Fig. 18



Απὸ μέσης ἀπὸροι ὄλογοι γίνονται, καὶ οὐδεμία οὐδεμιᾶ τῶν πρότερον ἢ αὐτῇ.

Theor. 90. Propo. 115.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irrationales innumerabiles, quarum nulla vllian tediatarum eadem sit.

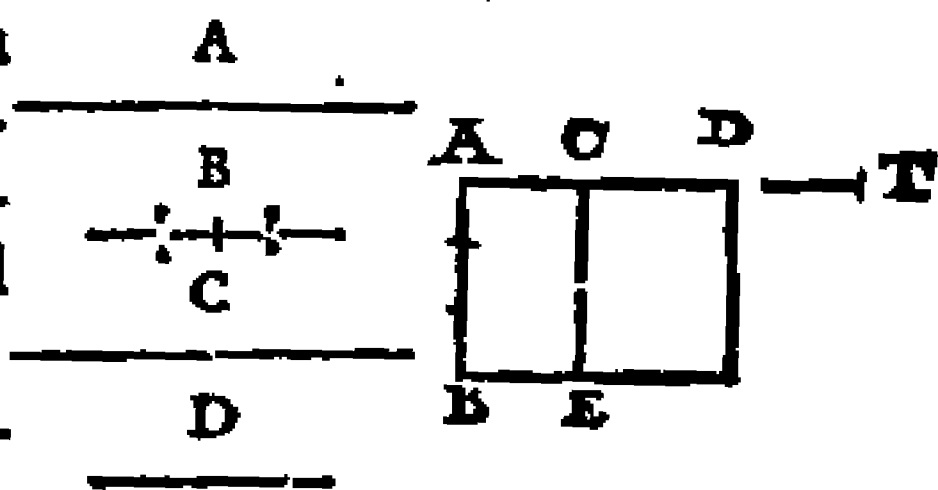


Fig. 19

Προκρίσθαι ἡμῖν δεῖξαι, ὅτι ἐπὶ τῶν τετραγώνων σχημάτων, ἀσώμεζος ἔστιν ἡ διάμεζος τῇ πλευρᾷ μήκει.

Q 3

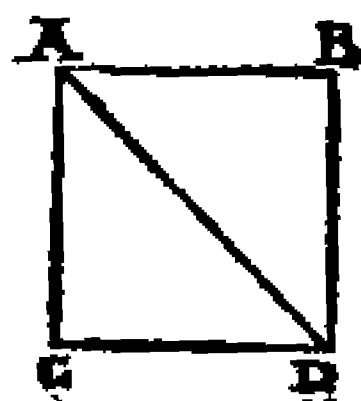
Pro-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Propo. 116.

Propositum nobis esto
demonstrare in figuris
quadratis diametrum esse
longitudine incommen-
surabilem ipsi lateri.

E...H...F
G...



Elementi decimi finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΏΝ
ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EYCLIDIS ELEMENT-
VM VNDECIMVM,
AT SOLIDORVM
primum,

ΟΡΟΙ.

α

Στερεόν ἔστι τὸ μήκος, καὶ πλάτος, καὶ βάθος ἔχον.

DEFINITIONES

Ι

Solidum, est quod longitudinem, latitudi-
nem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὺ ἢ πῆξας, ἐπιφανεία.

Q 4

Solidi

Solidi autem extremum est superficies.

Εὐθεία πρὸς ἐπίπεδον ὀρθή ἐστιν, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἀπιομένας αὐτῆς εὐθείας, καὶ ἔχουσας ἐν ᾧ αὐτῇ ὑποκείμενῳ ὀπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, à quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

Επίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθόν ἐστιν, ὅταν αἱ τῇ κοινῇ τμήτῳ τῶν ὀπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐνὶ τῶν ὀπιπέδων, ᾧ λοιπῷ ὀπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσιν.

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in vno planorum ducuntur, alteri plano ad rectos sunt angulos.

Εὐθείας πρὸς ἐπίπεδον κλίσεις εἰσιν, ὅταν ἀπὸ τοῦ μακρότερου πέρατος τῆς εὐθείας ἐπὶ τὸ ἐπίπεδον καθεῖτος ἀχθῇ, καὶ ἀπὸ τοῦ γενομένου σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ ἐν ᾧ ὀπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεία ὀπι-

Ἐπιευχθεῖ, ἡ περιεχομένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς ἀχθείσης καὶ τῆς ἐφευώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistente linea & adiuncta altera comprehensus, cum à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis, atque à puncto quod perpendicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum, quod in eodem est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπιπέδον πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ἐστίν, ἡ περιεχομένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῶν πρὸς ὀρθῶς τῇ κοινῇ τομῇ ἀγόμενων πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ ἐν ἑκατέρῳ τῶν ἐπιπέδων.

6

Plani ad planum inclinatio, acutus est angulus rectis lineis contentus, quæ in utroque planorum ad idem communis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

7

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁμοίως κεκλίσθαι λέγεται, καὶ ἕτερον πρὸς ἕτερον, ὅταν αἱ εἰρημέναι τῶν κλίσεων γωνίαῖσαι ἀλλήλας ᾖσι.

Q 5

Pla-

⁷
Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

⁸
Παράλληλα ἐπίπεδά ἐστὶ τὰ ἀσύμπτωτα.

⁸
Parallela plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

⁹
Ὅμοια στερεὰ σχήματα ἐστὶ, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ὀρθοπέδων περιεχόμενα ἴσων τῷ πλήθους.

⁹
Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

¹⁰
Ἰσα καὶ ὁμοια στερεὰ σχήματα ἐστὶ, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ὀρθοπέδων περιεχόμενα ἴσων ᾧ πλήθει καὶ τῷ μεγέθει.

¹⁰
Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

¹¹
Στερεὰ γωνία εἰναι, ἢ ὑπὸ πλεόντων ἢ δύο γραμμῶν ἀπείρου

ἐπιτομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιφανείᾳ
οὐσῶν, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσεις.

II

Solidus angulus, est plurium quàm duarum
linearum, quæ se mutuò contingant, nec in
eadem sint superficie, ad omnes lineas in-
clinatio,

ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ἐστίν, ἡ ὑπὸ πλεόντων ἢ δύο ὀπτιπέδων
γωνιῶν περιεχομένη, μὴ οὐσῶν ἐν ᾧ αὐτῇ ὀπτιπέ-
δα, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συσσιζαμένων.

Aliter.

Solidus angulus, est qui pluribus quàm duo-
bus planis angulis in eodem non consisten-
tibus plano, sed ad unum punctum colle-
ctis, continetur.

I β

Πύραμὶς ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ὀπτιπέδοις περιεχόμε-
νον, ἀπὸ ἐνὸς ὀπτιπέδου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συσσιζώσ.

12

Pyramis, est figura solida quæ planis conti-
netur, ab uno plano ad unum punctum col-
lecta.

I γ

Πρίσμα ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ὀπτιπέδοις περιεχόμε-
νον, ὧν δύο τὰ ἀπεναντίας ἰσά τε καὶ ὁμοιά ἐστὶ, καὶ
παράλληλα, τὰ δὲ λοιπὰ παραλληλόγραμμα.

Prisma,

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

18

Σφαῖρά ἐστιν, ὅταν ἡμικυκλίῳ μὲνουσῃ τῆς διαμέτρου, περιεχθὲν τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιληφθὲν σχῆμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cum in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

18

Ἀξων δὲ τῆς σφαίρας ἐστίν, ἡ μένουσα ἐυθεῖα, περὶ ἣν τὸ ἡμικύκλιον γέρεται.

15

Axis autem sphære, est quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον δὲ τῆς σφαίρας ἐστὶ τὸ αὐτὸ, δ καὶ τοῦ ἡμικυκλίου.

16

Centrum verò Sphære est idem, quod & semicirculi.

Διά-

16

Διάμετρος ἥ τῆς σφαίρας ἐστίν, εὐθεῖα τις διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη, καὶ περατουμένη ὅτ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17

Diameter autem Sphæræ, est recta quædam linea per centrum ducta, & utrinque à Sphæræ superficie terminata.

18

Κῶνός ἐστιν, ὅταν ὀρθογωνίῳ ῥιγώνῳ μὲν οὖσης πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, περιεχθὲν τὸ ῥιγῶνον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκτασθῇ ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιληφθὲν σχῆμα. καὶ ἡ μένῃσα εὐθεῖα ἴση ἢ τῇ λοιπῇ τῇ περὶ τὴν ὀρθὴν περιφερομένη. ὀρθογώνιος ἐστὶ κῶνος. ἐὰν ᾖ ἐλάττω, ἀμβλυγώνιος. ἐὰν ᾖ μείζων, ὀξυγώνιος.

18

Conus est figura, quæ conuerso circumquiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, orthogonio triangulo continetur, cum in eundem rursus locum illud triangulum restitutum fuerit, unde moueri cœperat. Atque si quiescens recta linea æqualis sit alteri, quæ circum rectum angulum cōuertitur, rectangulus erit Conus: si minor, amblygonius: si verò maior, oxygonius.

Ἀξων

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

18

Ἐξων δὲ τοῦ κώνους ἐστὶν ἡ μένουσα, περὶ ἣν τὸ τρίγωνον
τροφέεται.

19

Axis autem Coni, est quiescens illa linea, cir-
cum quam triangulum vertitur.

κ

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος ὁ ὑπὸ τῆς περιφερομένης εὐθείας
γραφόμενος.

20

Basis verò Coni, circulus est qui à circumdã-
cta linea recta describitur.

κα

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνίᾳ παραλληλογράμ-
μου κρούσης μιᾶς πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν, πε-
ριενεχθὲν τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν
ἀποκατασταθῇ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιλη-
φθὲν σχῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso cir-
cum quiescens alterum latus eorum quæ
rectum angulum continent, parallelogram-
mo orthogonio comprehenditur, cùm in
eundem rursus locum restitutum fuerit il-
lud parallelogrammum, vnde moueri coe-
perat.

κβ

Ἐξων δὲ τοῦ κυλίνδρου ἐστὶν ἡ μένουσα εὐθεῖα, περὶ
ἣν τὸ

ἐν τῷ παραλλήλογραμμῳ γέφυται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

κ γ

Βάσεις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῶν ἀπεναντίον περιγεγραμμένων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

κ δ

Ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι εἰσιν, ὧν οἷτε ἄξονες καὶ αἱ διαμέτροι τῶν βάσεων ἀνάλογόν εἰσιν.

24

Similes cōni & cylindri, sunt quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

κ ε

Κύβος ἐστὶ σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ἑξ τετραγώνων ἰσῶν περιεχόμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

κ ς

Τετράεδρόν ἐστι σχῆμα ὑπὸ τετάρων τριγώνων ἰσῶν

ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

26

Tetraëdron est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κζ

Οκταέδρον ἔστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ ὀκτὸς ῥιγῶν ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

27

Octaëdron figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κη

Δωδεκάεδρον ἔστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ δώδεκα πενταγώνων ἴσων, καὶ ἰσοπλευρῶν, καὶ ἰσογωνίων περιεχόμενον.

28

Dodecaëdron figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κθ

Εἰκοσαέδρον ἔστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ εἰκοσὶν ῥιγῶν ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

29

Eicosaëdron figura est solida, quæ trigulis viginti æqualibus & æquilateris continetur.

Προτάσις.

Προτάσεις.

α

Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὲν λ οὐκ ἔστιν ἐν δ ὑπο-
κειμένῳ ὀπίπεδῳ, μέρος δὲ λ ἐν δ μετεώρῳ.

Theorema 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars
in subiecto quidem non
est plano, quædam verò
in sublimi.

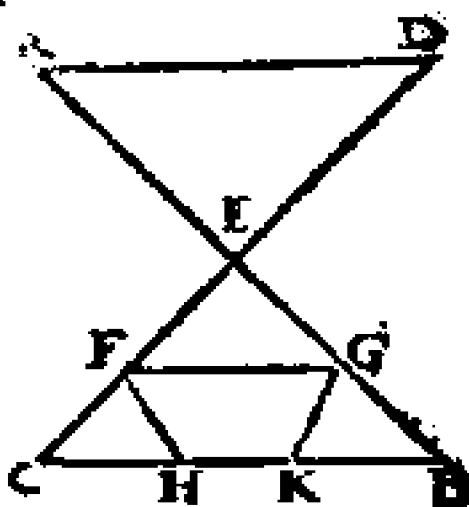


β

Εάν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐν ἐνὶ εἰς τὴν ἐπι-
πέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν ἐνὶ ὅσιν ὀπίπεδῳ.

Theor. 2. Propo 1.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secēt, in vno sunt pla-
no: atq; triangulū omne
in vno est plano.

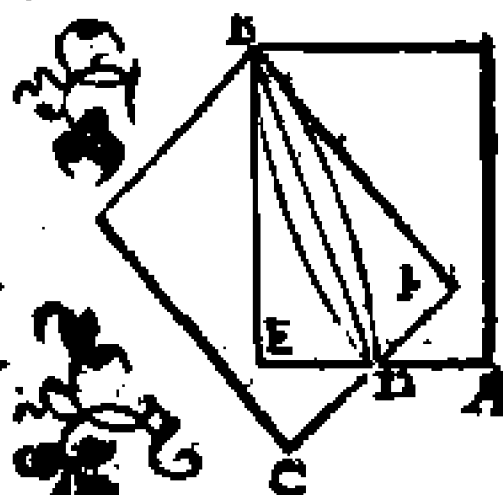


γ

Εάν δύο ἐπίπεδα τέμνηται ἀλλήλα, ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ
εὐθεῖα ὅσιν.

Theor. 3. Propo-
sitio 3.

Si duo plana se mutuò se-
cēt, communis eorum se-
ctio est recta linea.



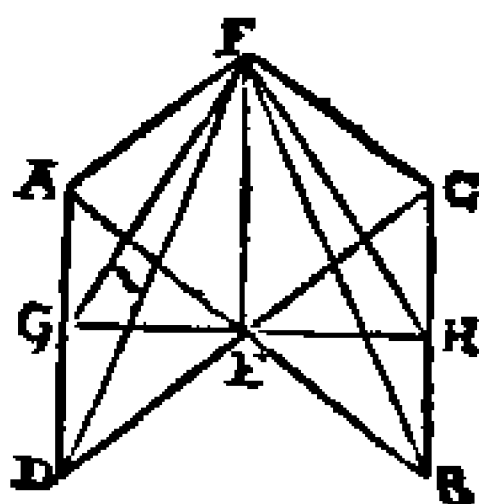
R.

δ. Εάν

Εάν ευθείαι δυοὶ ευθείαις τεμνούσαις ἀλλήλας, πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τῇ κοινῇ τομῇ ὅπισταθῇ καὶ ὅ δι' αὐτῶν ὅπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσαι.

Theor. 4. Prop. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secantibus, in communi sectione ad rectos angulos insistat illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.

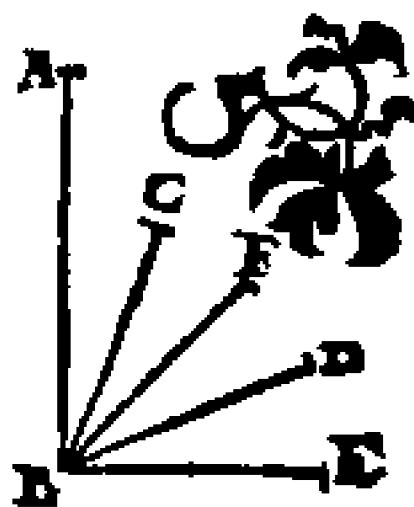


ε

Εάν ευθείαι τρισὶν ευθείαις ἀπιομέναις ἀλλήλων, πρὸς ὀρθὰς ἐπὶ τῇ κοινῇ τομῇ ὅπισταθῇ, αἱ τρεῖς ευθείαι ἐν ἐνὶ εἰσιν ὅπιπέδῳ.

Theor. 5. Prop. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangentibus, in communi sectione ad rectos angulos insistat, illæ tres rectæ in vno sunt plano.

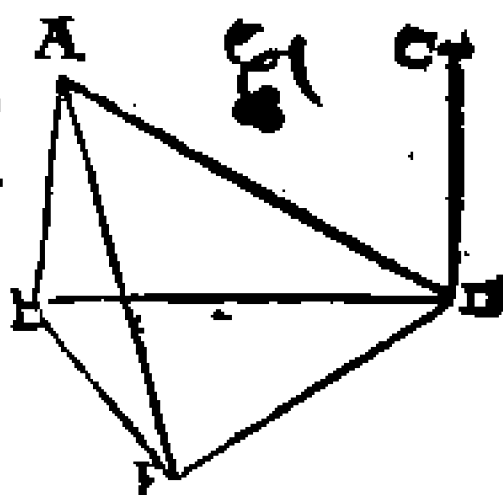


ς

Εάν δύο ευθείαι ὅ αὐτῶν ὅπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσαι, παράλληλοι ἔσονται αἱ ευθείαι.

Theo.

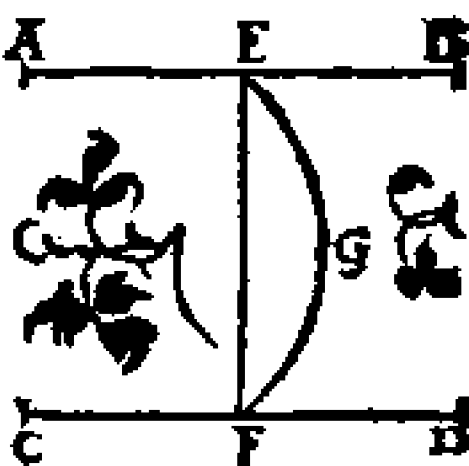
Si duæ rectæ lineæ eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelæ erunt illæ
rectæ lineæ.



Εάν ὦσι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ληφθῇ δὲ ἐφ' ἑκα-
τέρας αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ τὰ σημεῖα ὅπου
ζευγνυμένη εὐθεῖα, ἐν δὲ αὐτῇ ὅπου πέδω ἐς τὰς πα-
ράλληλους.

Theorema 7. Prop. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum
utraque sumpta sint quæ-
libet pũcta, illa lineæ quæ
ad hæc puncta adiungi-
tur, in eodem est cum pa-
rallelis plano.



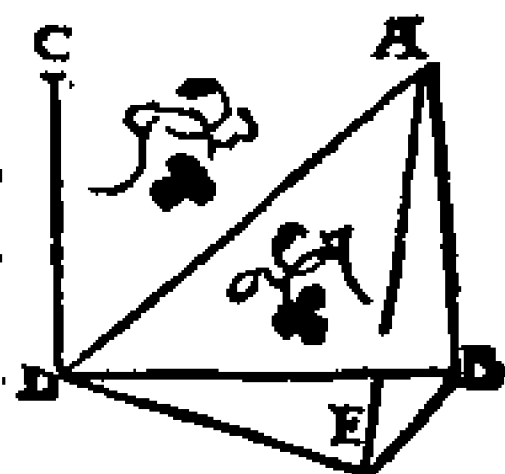
Εάν ὦσι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ἢ δὲ ἑτέρα αὐτῶν ἐ-
πιπέδῳ ἐνὶ πρὸς ὁρθὰς ἢ, καὶ ἡ λοιπὴ δὲ αὐτῇ ὅπου
πέδω πρὸς ὁρθὰς ἔσται.

Theorema 8. Prop. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, quarum
R 2 alte-

altera ad rectos cuidam
plano sit angulos, & reli-
qua eidē plano ad rectos
angulos erit.

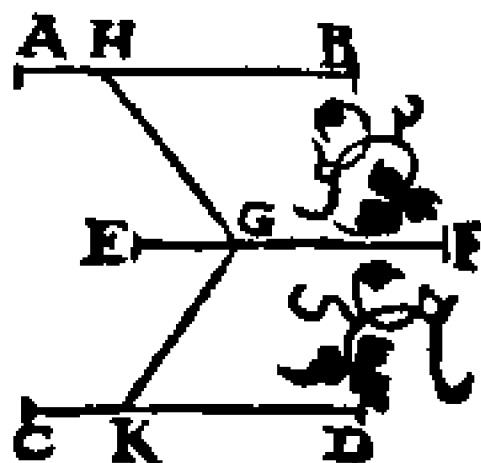
3



Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παράλληλοι, καὶ μὴ οὖσαι αὐτῇ
ἐν δὲ αὐτῷ ἐπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλους εἰσὶ παράλληλοι.

Theor. 9. Prop. 9.

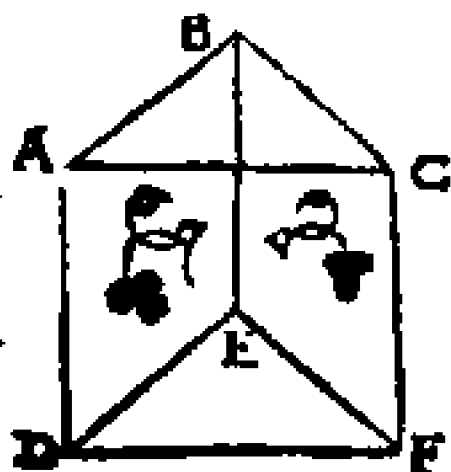
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæ
quoque sunt inter se pa-
rallelæ.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ μὲν αὐτῶν ἀλλήλων παρὰ δύο εὐ-
θείας ἀπὸ μὲν αὐτῶν ἀλλήλων ὡσεὶ, μὴ ἐν δὲ αὐτῷ ἐπι-
πέδῳ, ἴσας γωνίας περιέξωσι.

Theor. 10. Prop. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales compre-
hendent.

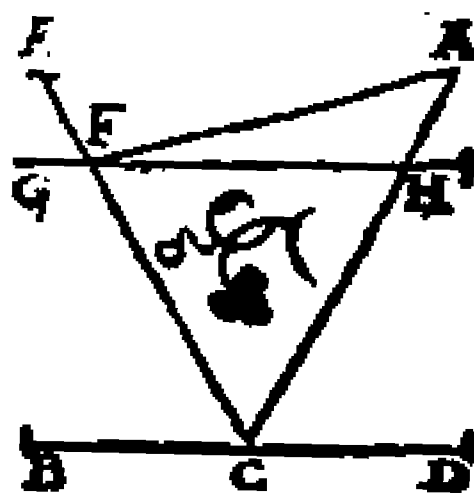


1α

Απὸ τοῦ δοθέντος σημείου μεταφέρῃ, ἐπὶ τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον κάθετον εὐθεΐαν γραμμὴν ἀγαγῇ.

Probl. 1. Proposi. 11.

A dato sublimi puncto, in subiectum planum perpendicularem rectam lineam ducere.

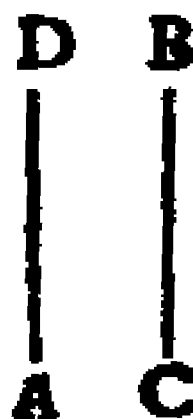


1β

Τῷ δοθέντι ἐπίπιδῳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτοῦ δοθέντος σημείου, πρὸς ὀρθὰς εὐθεΐαν γραμμὴν ἀναστῆσαι.

Problema 2. Propo. 12.

Dato plano, à puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectam lineam excitare.



1γ

Τῷ δοθέντι ἐπίπιδῳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου, δύο εὐθεΐαι πρὸς ὀρθὰς ὅχι ἀναστῶνται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theorema 11. Propositio 13.

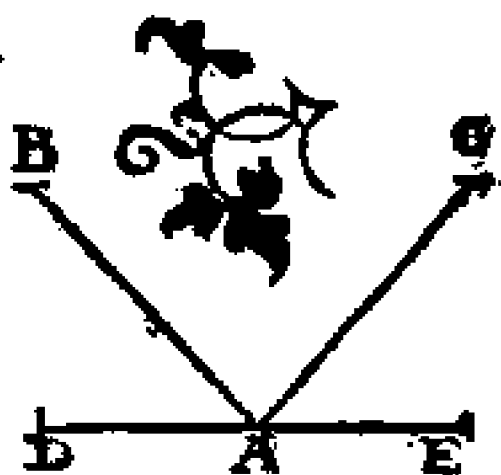
R 3

Dato

Dato plano, à pūcto quod
in illo datum est, dux re-
ctæ lineæ ad rectos angu-
los non excitabuntur ad
easdem partes.

18

Πρὸς δὲ ἐπίπεδα ἡ αὐτὴ ἐκδεῖα ὅρδῃ ᾗ ᾖ, παράλλη-
λά ᾗ ᾖ τὰ ἐπίπεδα.

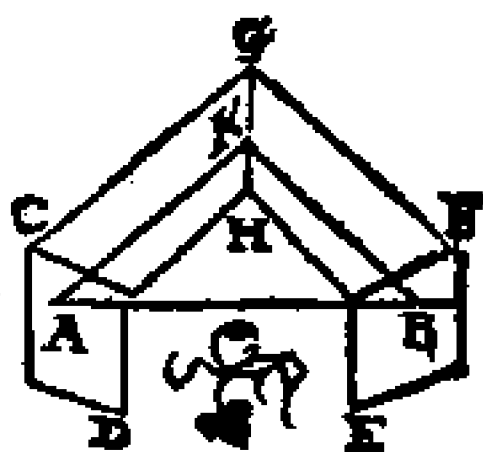


Theor. 12. Prop. 14.

Ad quæ plana, eadem re-
cta linea recta est, illa sunt
parallela.

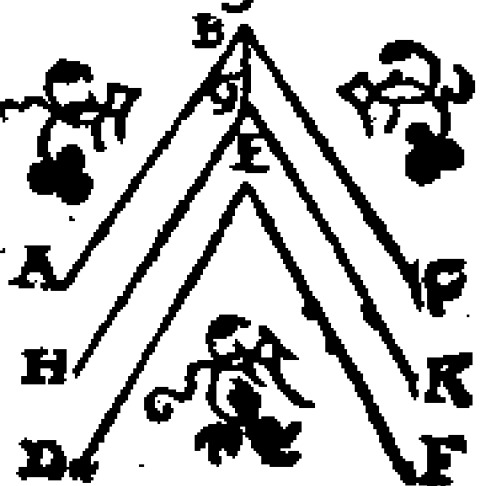
19

Ἐὰν δύο ἐκδεῖαι ἀπὸ μὲν αὐτῶν ἀλλήλων, παρὰ δύο ἐκ-
δεῖας ἀπὸ μὲν αὐτῶν ᾗ ᾗ μὴ εἰς τὴν αὐτὴν ὅρδῃ ᾗ ᾖ
ἔκδοσαι, παράλληλά ᾗ ᾖ τὰ δι' αὐτῶν ἐπίπεδα.



Theorema 13. Prop. 15.

Si dux rectæ lineæ se mutuò tangentes ad
duas rectas se mutuò tan-
gentes sint parallelæ, non
in eodem consistentes pla-
no, parallela sunt quæ per
illas ducuntur plana.



20

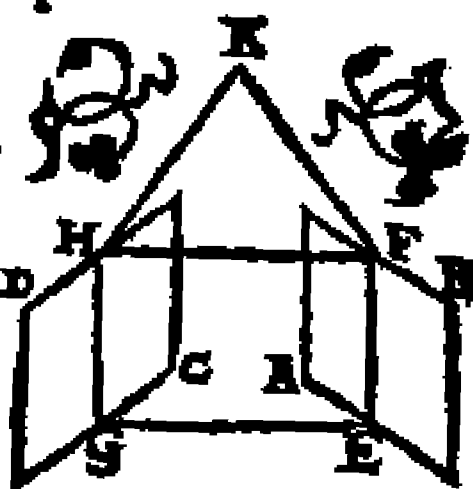
Εάν

Εάν δύο επίπεδα παράλληλα ὑπὸ ὅτι πῆδος ἡγὸς τέμνεται, αἱ κοινὰ αὐτῶν τομὰὶ παράλληλοί εἰσι.

Theore. 14. Prop. 16.

Si duo plana parallela plano quopiam secentur, cōmunes illorum sectiones sunt parallelæ.

13

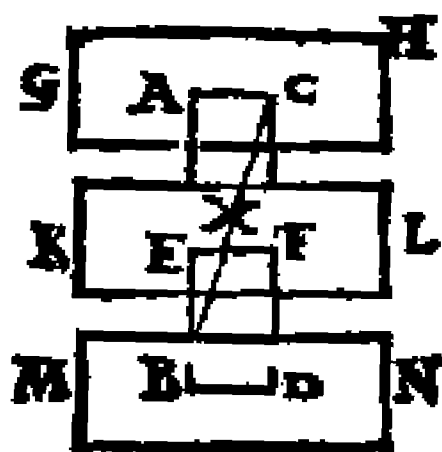


Εάν δύο ευθείαι ὑπὸ παραλλήλων ὀρθῶν τμήσονται, εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τμηθήσονται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ parallelis planis secetur, in eadem rationes secabuntur.

14



Εάν ευθείαι ὀρθῶν ἡγὸς πρὸς ὀρθὰς ἦ, καὶ πάντα ἴα δι' αὐτῆς επίπεδα, τῷ αὐτῷ ὀρθῶν πρὸς ὀρθὰς ἔσονται.

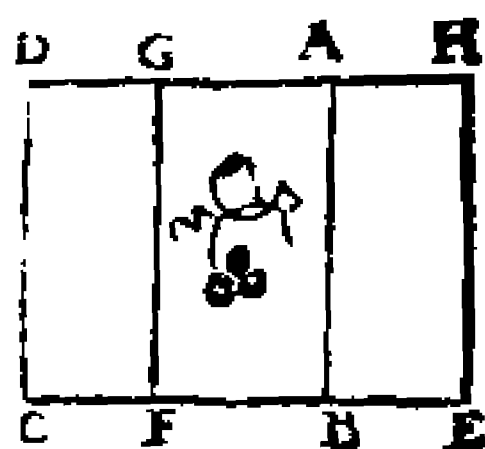
Theorema 16. Propositio 18.

R 4

Si

EVCLID. ELEM. GEOM.

Si recta linea plano cui-
piam ad rectos sit angu-
lus, illa etiam omnia que
per ipsum plana, ad rectos
eidem plano angulos e-
runt.

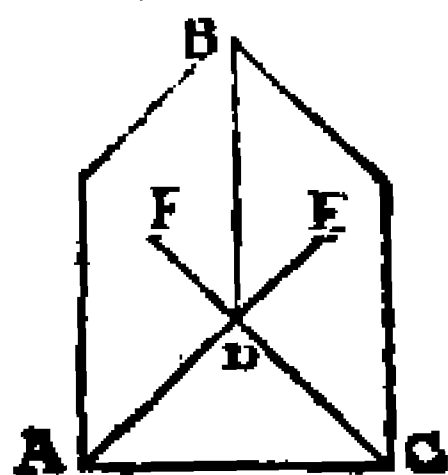


19

Εάν δύο επίπεδα τέμνονται ἄλληλα ἐπιπέδῳ ἐνὶ
πρὸς ὀρθῇς ἢ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ δ' αὐτῶν ἐπι-
πέδῳ πρὸς ὀρθῇς ἔσται.

Theore. 17. Propo. 17.

Si duo plana se mutuò se-
cantia plano cuidam ad re-
ctos sint angulos, commu-
nis etiam illorum sectio
ad rectos eidem plano an-
gulos erit.

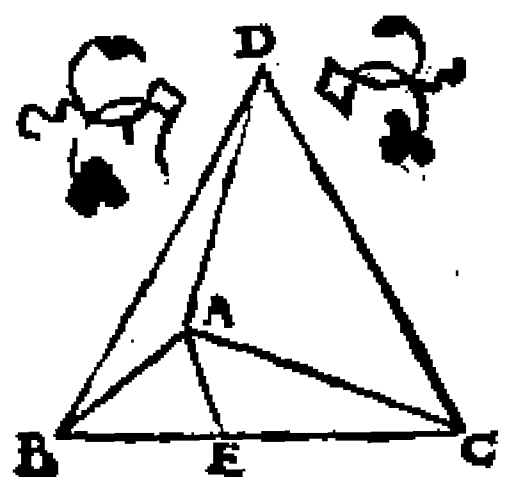


x

Εάν στερεὰ γωνία ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέ-
χεται, δύο ὅποια αὐτῇ τ' λοιπῇς μείζονές εἰσι πάντα
μεταλαμβανόμενα.

Theore. 18. Prop. 12.

Si angulus solidus planis
tribus angulis contineat-
ur, ex his duo quilibet
utut assumpti tertio sunt
maiores.



κα

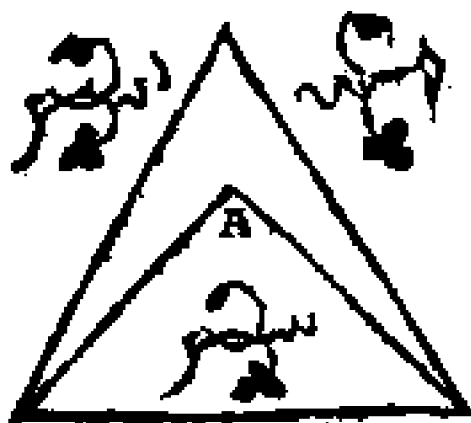
κζ

Ἐπασα διερεὰ γωνία ὑπὲρ ἐλασσόνων ἢ τετραγώνου ὅρων
 ὁῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor. 19. Propos.

102.

Solidus omnis angulus mi-
 noribus continetur, quàm
 rectis quatuor angulis pla-
 nis.

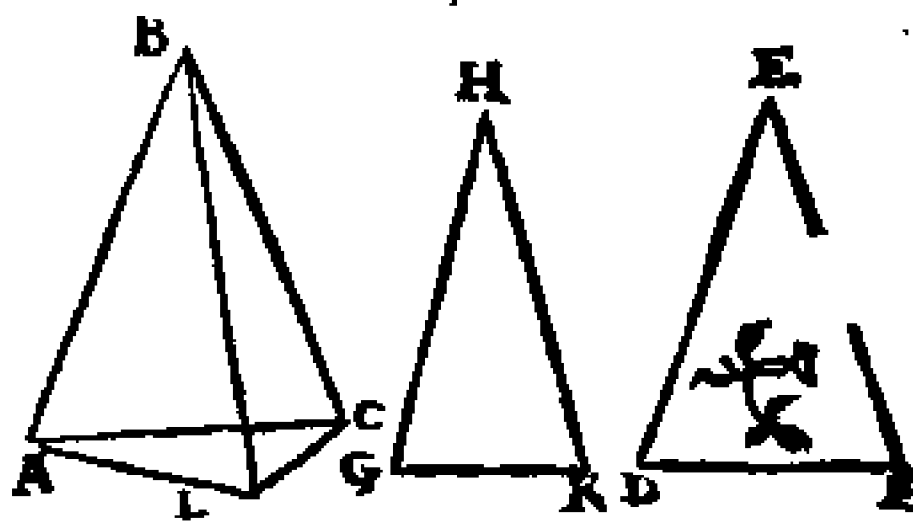


κθ

Ἐὰν ὦσι τρεῖς γωνία ἐπίπεδοι, ὧν αἱ δύο τῶν λοιπῶν
 μείζονες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεθα, περιέχω-
 σι τὴν αὐτὰς ἴσα ἐυθεῖαι, δυνατόν ὅτιν ἐκ τῶν ὁριζου-
 σσῶν τὰς ἴσας ἐυθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propo. 12.

Si plani tres anguli equalibus rectis conti-
 nentur lineis, quorum duo utlibet assumpti,
 tertio sint maiores, triangulum constitui
 potest ex
 lineis æ-
 quales il-
 las rectas
 coniun-
 gentibus.



κγ

Ἐκ τῶν γωνιῶν ἐπιπέδων, ὧν αἱ δύο τῶν λοιπῶν μεί-
 ζονες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεθα, διερεὰ γω-
 νία

κ

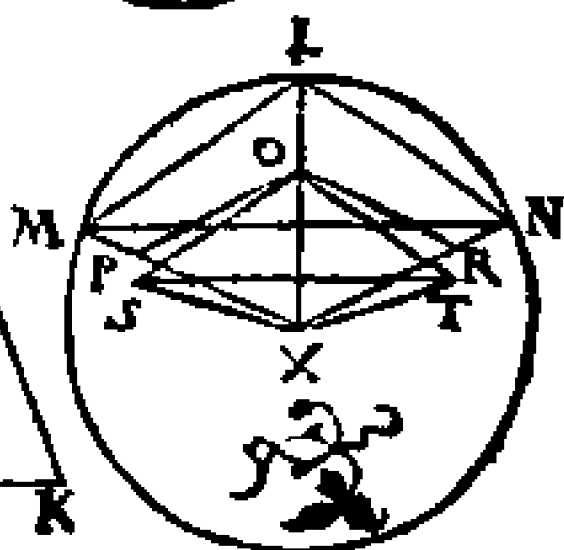
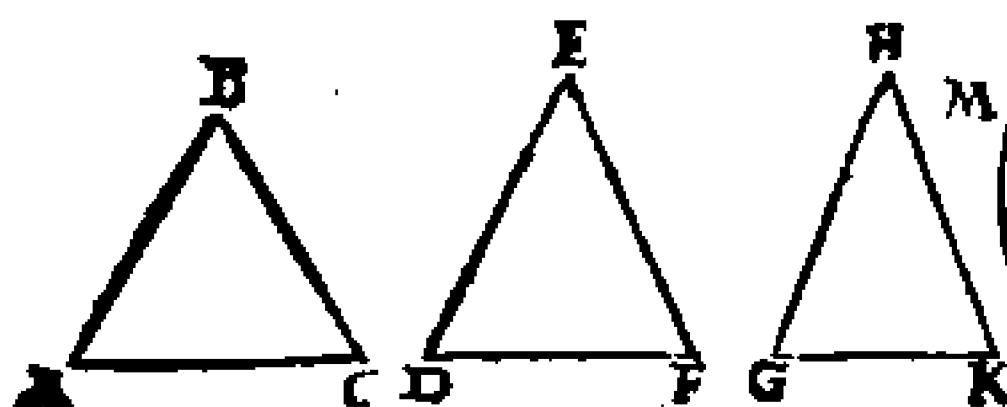
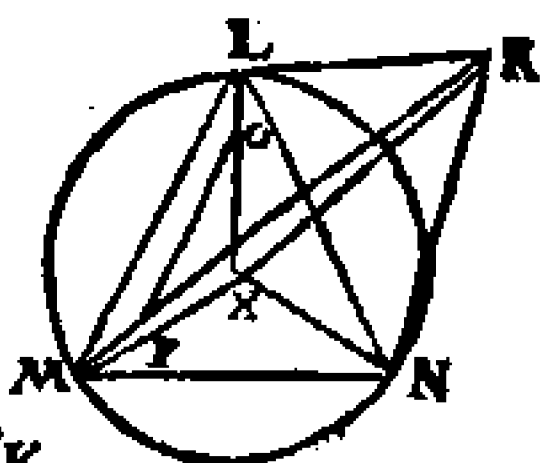
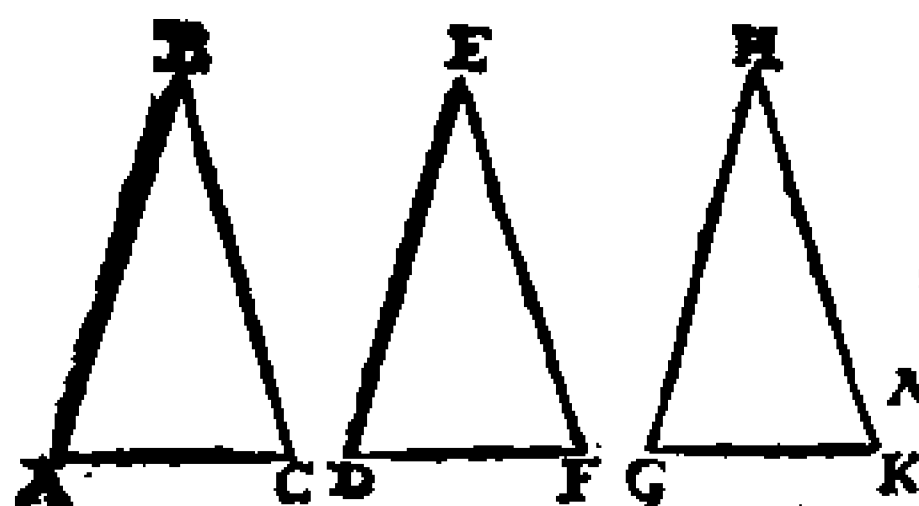
γ

ν

ἢ ἂν συζησάσθαι. δὲ δὴ τὰς τρεῖς τεσσάρων ὀρθῶν
ἐλάσσονας εἶναι.

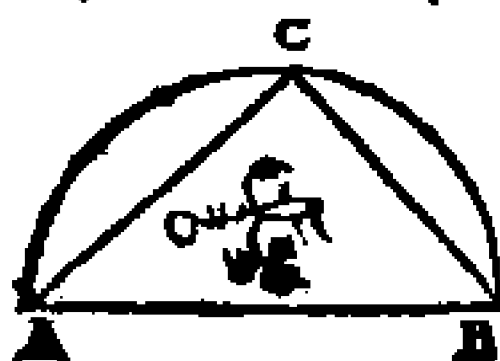
Probl. 3. Propo. 23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut li-
bet assumpti tertio sint maiores, solidum an-
gulum constituere. Decet autem illos tres
angulos rectis quatuor esse minores.



κδ

L ——— X



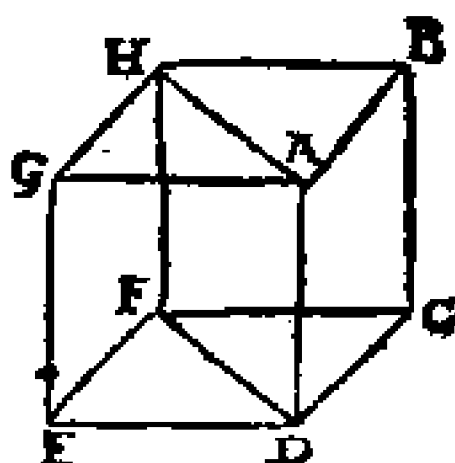
Εάν γερόν ὑπὸ παραλλήλων
ἑπταπέδων περιέχεται, τὰ ἀπ'
ἐναντίον αὐτοῦ ἐπίπεδα, ἴσα τε
καὶ παραλληλόγραμμα ἔσσι.

Theor.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis contineatur, aduersa illi^a plana & æqualia sunt & parallelogramma.

κς

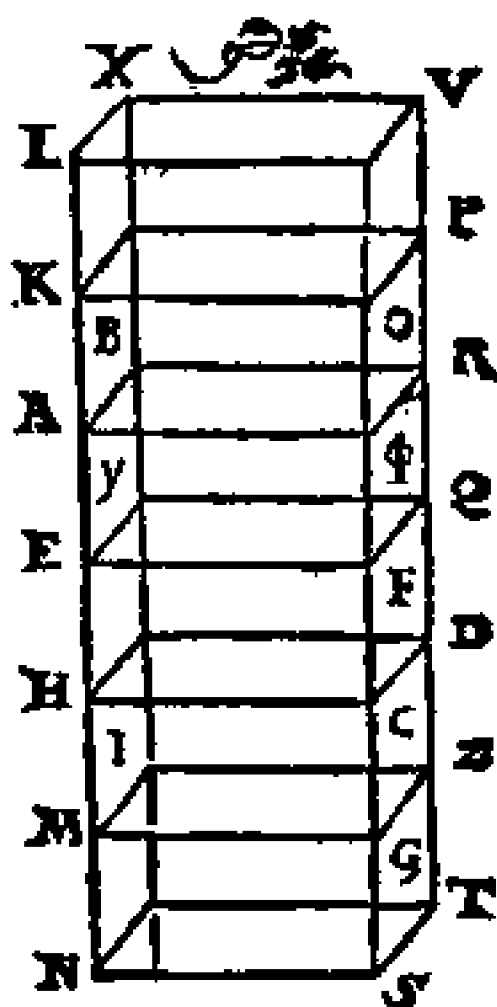


Εὰν στερεὸν παραλληλεπίπεδον ὅτιπέδεσσι τμήσῃ παραλληλὰ ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ὅτιπέδοις, ἕσται ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω τὸ στερεὸν πρὸς τὸ στερεόν.

Theor. 22. Propo. sit. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

κς

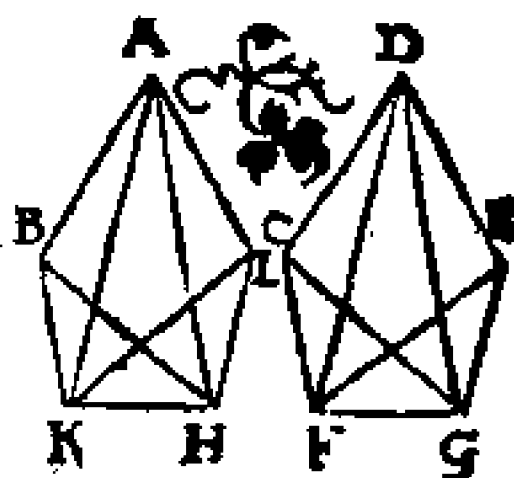


Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ κτλ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθείσῃ στερεᾷ γωνία ἴσῳ στερεᾷ γωνία συνήστασθαι.

Pro

EVCLID. ELEM. GEOM.
 Probl. 4. Proposit. 26.

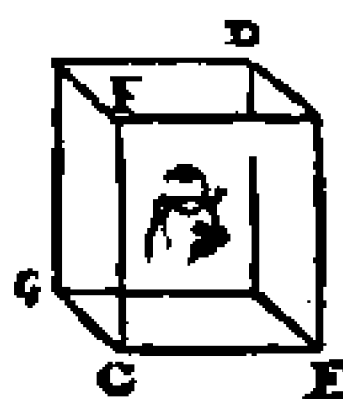
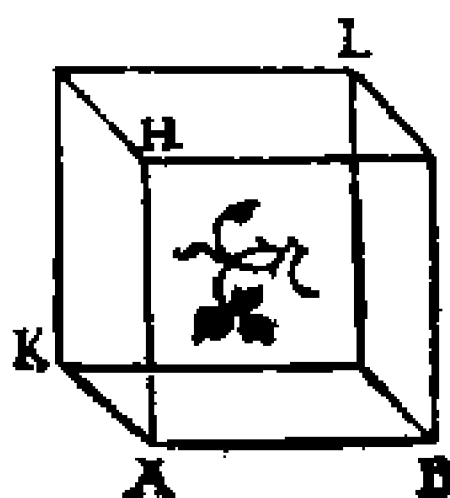
Ad datam rectam lineam
 eiusque punctum, angu-
 lum solidum constituere
 solido angulo dato equa-
 lem.



Από τῆς δοθείσης εὐθείας, ὡς δοθέντι στερεῶ παραλλη-
 λεπιπέδῳ ὁμοιόντε καὶ ὁμοίως κείμενον στερεὸν πα-
 ραλληλεπίπεδον ἀναγράφαι.

Probl. 5. Propositio 7.

A data recta, dato solido parallelis planis
 comprehenso simile & similiter positum so-
 lidum
 parallelis pla-
 nis con-
 tentum descri-
 bere.



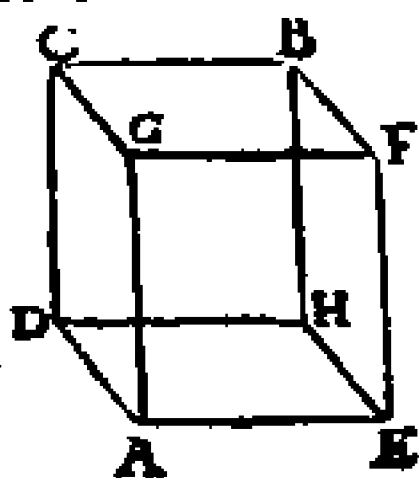
Εάν στερεὸν παραλληλεπίπεδον ἐπιπέδῳ τμηθῇ κα-
 τὰ τὰς διαγωνίους τῶν ἀπεναντίον ἐπιπέδων, δίχα
 τμηθήσεται τὸ στερεὸν ὑπὸ τοῦ ἐπιπέδου.

Theorema 23. Proposit. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum,
 ducto

ducto per aduersorum planorū diagonios

plano se-
ctum sit,
illud so-
lidū ab
hoc pla-
no bifa-
riam se-
cabitur.

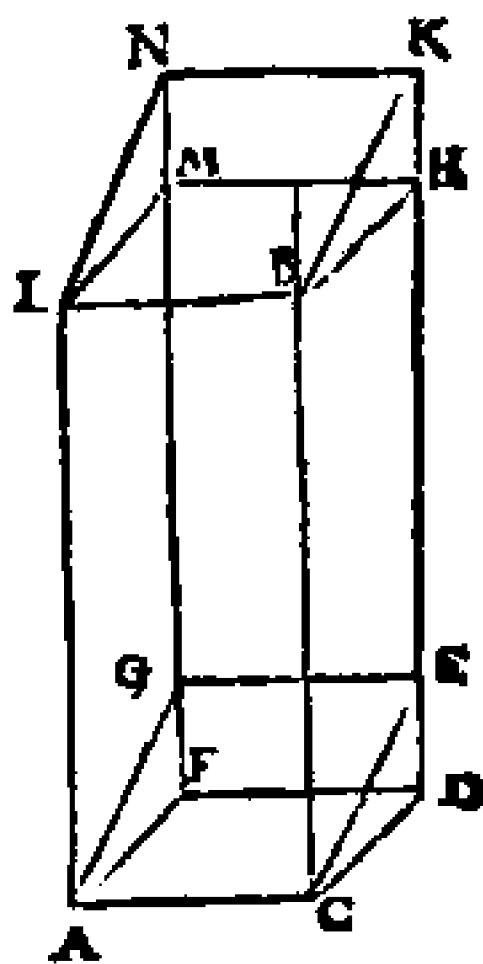


κθ

Τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα σφαιρὰ παραλληλεπί-
πυδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος. ὧν ἀνέφερωσα ἐπὶ τῶν
αὐτῶν ἐστὶν ἰσχυρῶν, ἴσα ἀλλήλοις εἶναι.

Theor. 24. Propositio 29.

Solida parallelis planis
comprehensa, quæ super
eandem basim & in eadē
sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ in
ijsdem collocantur re-
ctis lineis, illa sunt inter
se æqualia.



λ

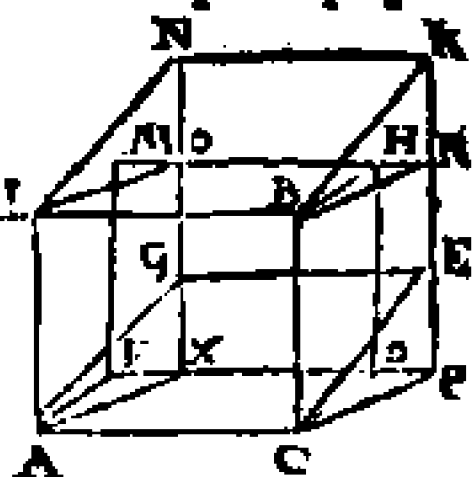
Τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα σφαιρὰ παραλληλεπί-
πυδα,

EVCLID. ELEM. GEOM.

Πεδά, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐφαιώσαι οὐκ εἰ-
σὶν ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐυθειῶν, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 25. Prop. 30.

Solida parallelis planis circumscripta, quæ su-
per eandem basim & in eaa-
dem sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ non
in iisdem reperiuntur re-
ctis lineis, illa sunt inter se
æqualia.

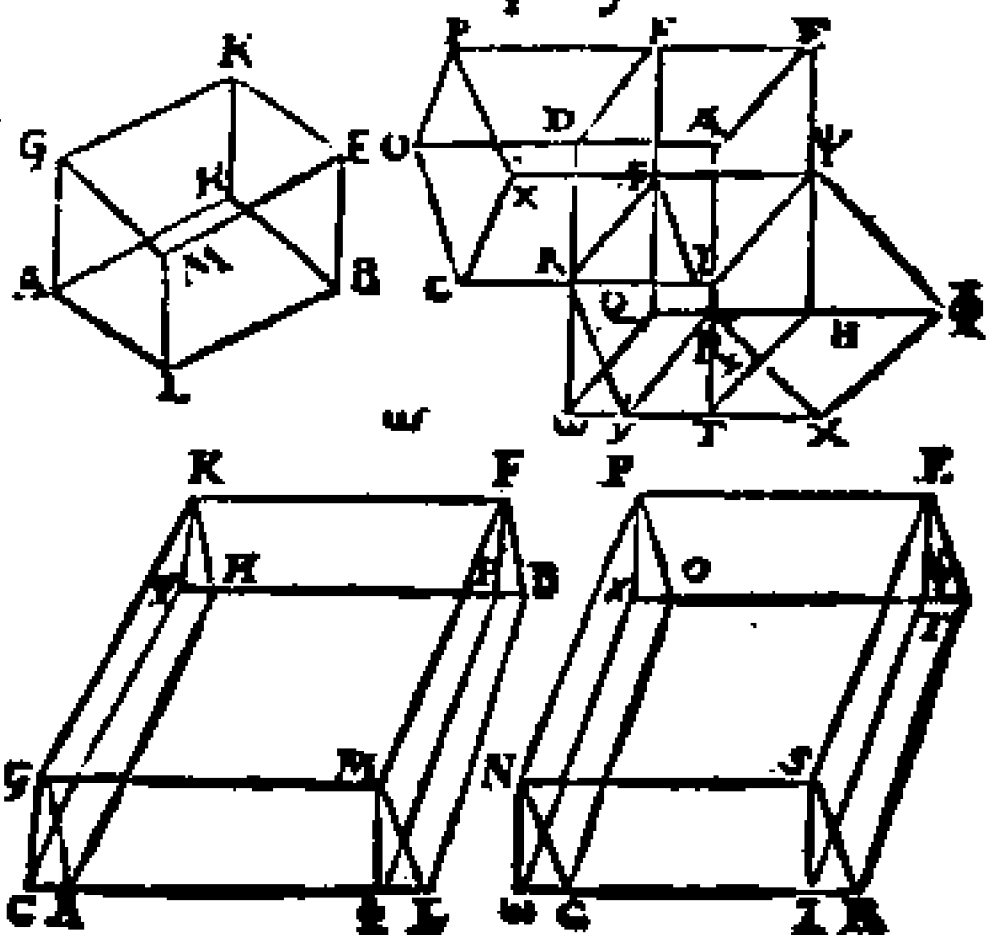


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ παραλλήλεπείδεα,
καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 26. Prop. 31.

Solida
paralle-
lis pla-
nis cir-
cumscri-
pta, quæ
in eadē
sunt al-
titudi-
ne, æ-
qualia
sunt in-
ter se.



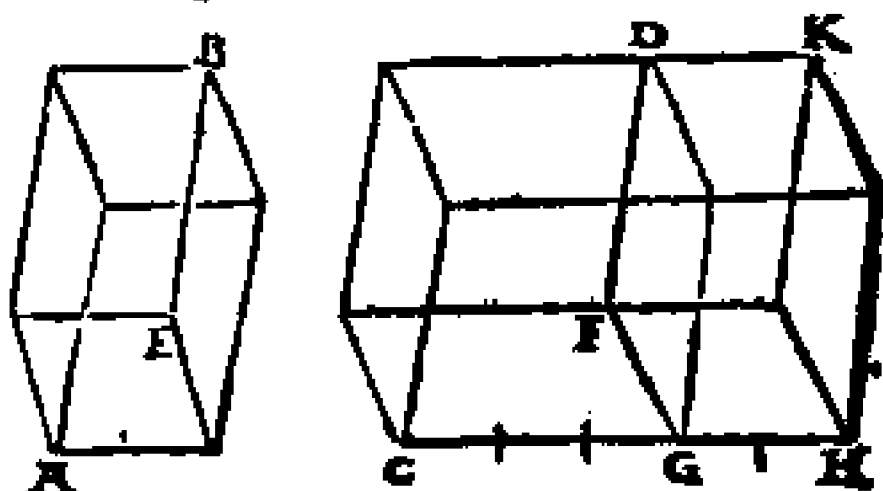
λβ

τα

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα σειρά παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ἔστιν, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Prop. 32.

Solida parallelis planis circumscripta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

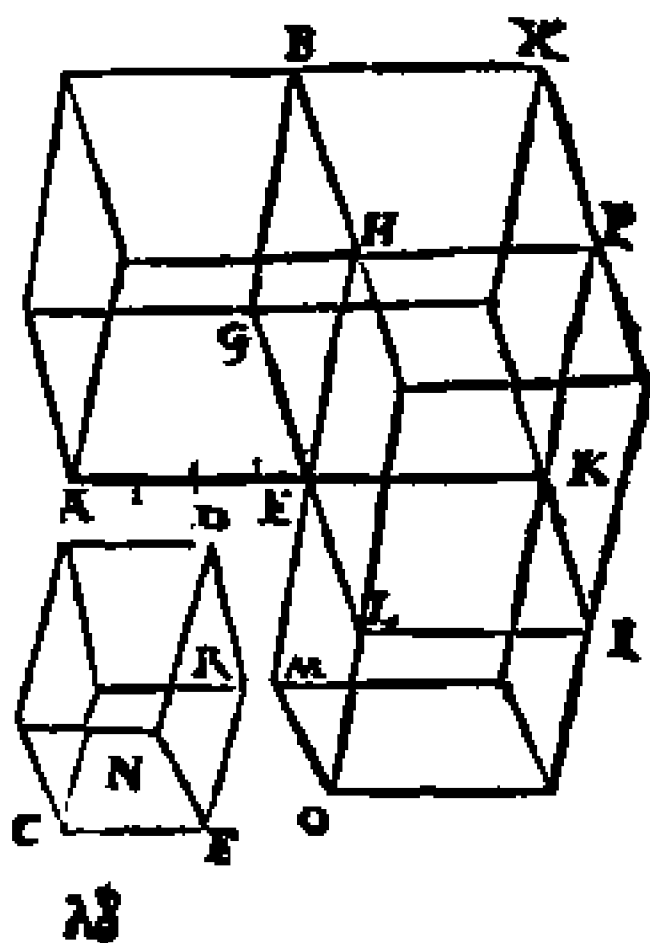


λγ

Τὰ ὁμοία σειρά παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ἔστιν, τριπλασίονι λόγῳ εἰς τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 28. Prop. 33.

Similia solida parallelis planis circumscripta habent inter se rationem homologorum laterum triplicatam.



λδ

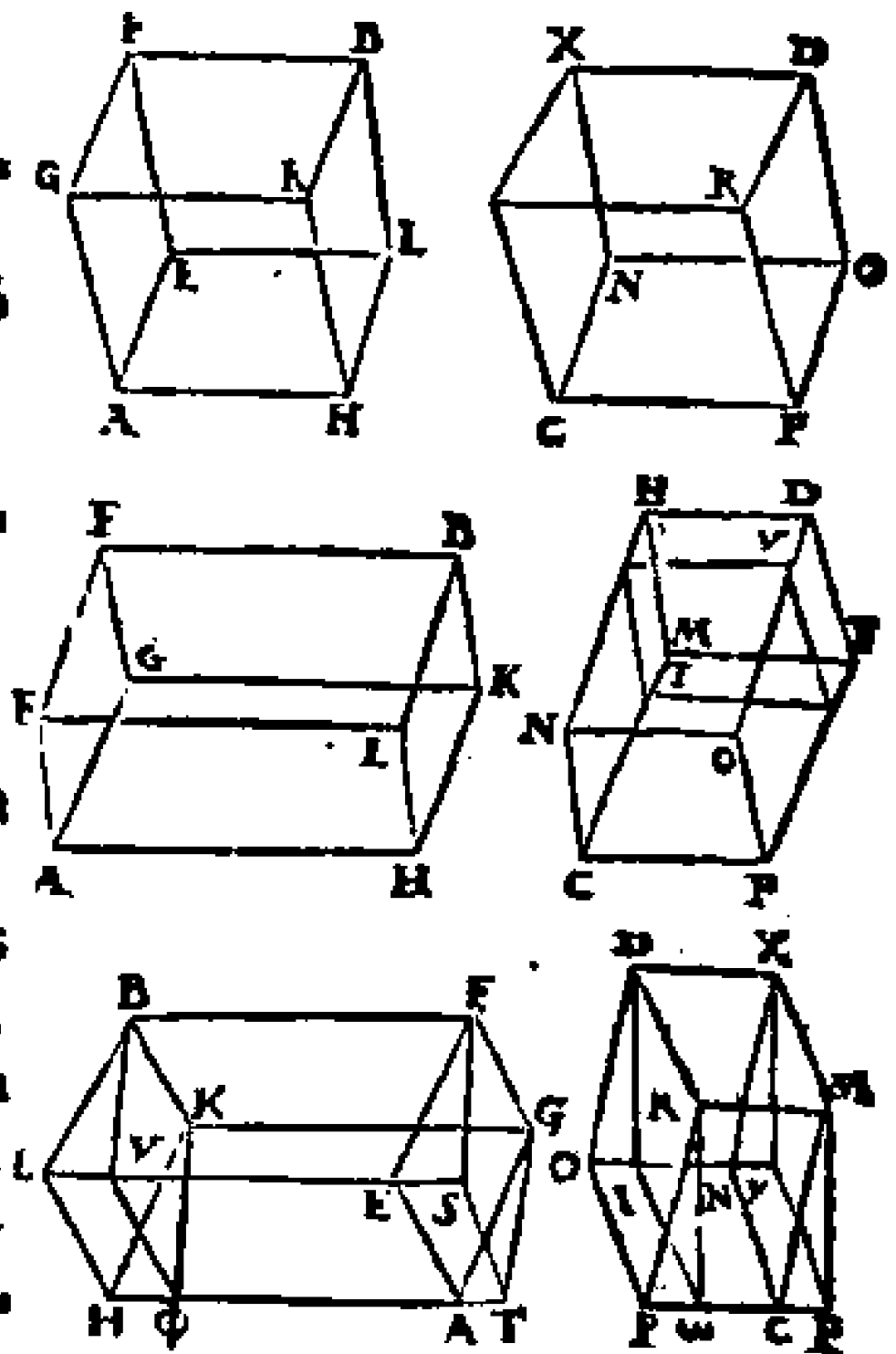
Τδγ

EVCLID. ELEM. GEOM.

Τῶν ἴσων περιῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπεπόν-
θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. Ἐὗν περιῶν παραλλη-
λεπιπέδων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι,
ἴσα εἶν ἐκείνα.

Theor. 29. Proposit. 34.

Aequa-
liū solis
dorū pa-
rallelis
planis cō-
rentorū
bases cū
altitudi-
nibus re-
cipro-
cantur.
Et solida
paralle-
lis planis
contēta,
quorum
bases cū
altitudi-
nibus re-



ciprocantur, illa sunt æqualia.

λε

Ἐάν τις δύο γωνία ἐπίπεδοι ἴσαι, ἐπὶ δὲ τῶν κορυ-
φῶν αὐτῶν μετέωροι ἐυθεῖαι ὅπως αὐτῶν ἴσας γω-
νίας

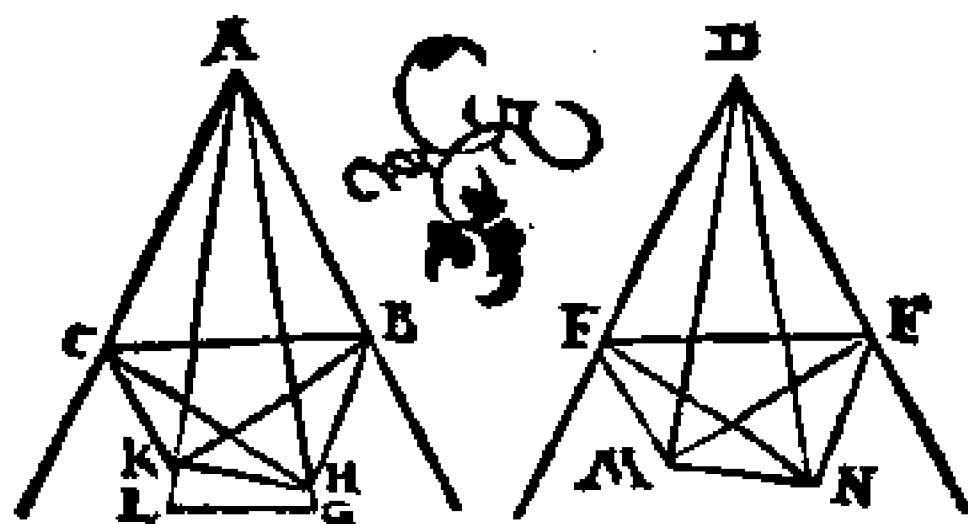
νίας περιέχουσαι μετὰ τῶν δὲ ἀρχῆς εὐθειῶν, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, ἐπὶ τῶν μετεώρων ληφθῆ τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ἐπὶ τὰ ἐπίπεδα, ἐν οἷς εἰσὶν αἱ δὲ ἀρχῆς γωνίαι, κἀκεῖ ἀχθῶσιν, ἀπὸ τῶν γενομένων σημείων ὑπὸ τῶν καθέτων ἐπὶ τῆς ὀπίπτε-
δοις, ἐπὶ τὰς δὲ ἀρχῆς γωνίας ὀπιζευχθῶσιν εὐθεῖαι, ἴσας γωνίας περιέξουσι μετὰ τῶν μετεώρων.

Theorema 30. Propositio 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum verticibus sublimes rectæ lineæ insistant, quæ cum lineis primò positis angulos contineant æquales, utrunque utrique, in sublimibus autem lineis quælibet sumpta sint puncta, & ab his ad plana in quibus consistunt anguli primùm positi, ductæ sint perpendiculares, ab earum verò punctis, quæ in planis signata fuerint, ad angulos primùm positos adiun-

ctæ sint rectæ lineæ, hæc cum sublimibus æqua-

les angulos comprehendunt.



λς

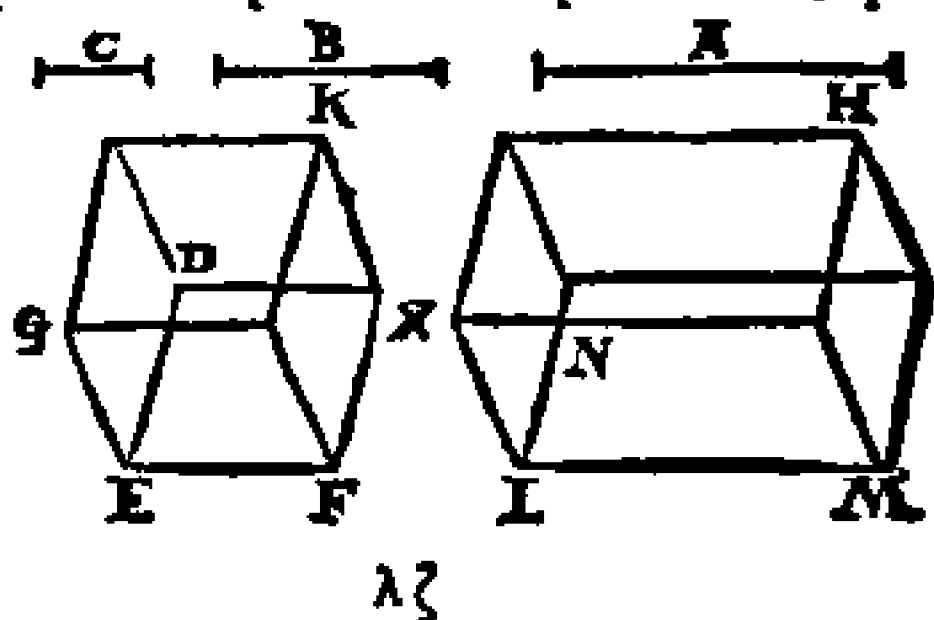
Εάν τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾧσι, τὸ ἐκ τῶν τριῶν περι-
εὐν παραλληλεπίπεδον ἴσον εἰς ᾧ ἀπὸ τῆς μέσης
S περιεῖται

στρεῶν παραλληλεπίπεδω, ἰσοπλεύρῳ μὲν, ἰσογώνῳ
ἢ ὁμοῦ προσφρημένῳ.

Theor. 31. Prop. 36.

Si rectę tres lineę sint proportionales, quod
ex his tribus sit solidum parallelis planis cō-
tentum, æquale est descripto à media linea
solido parallelis planis comprehenso, quod
æquila.

terum
quidē
sit, sed
antedi-
cto æ-
quian-
gulum.

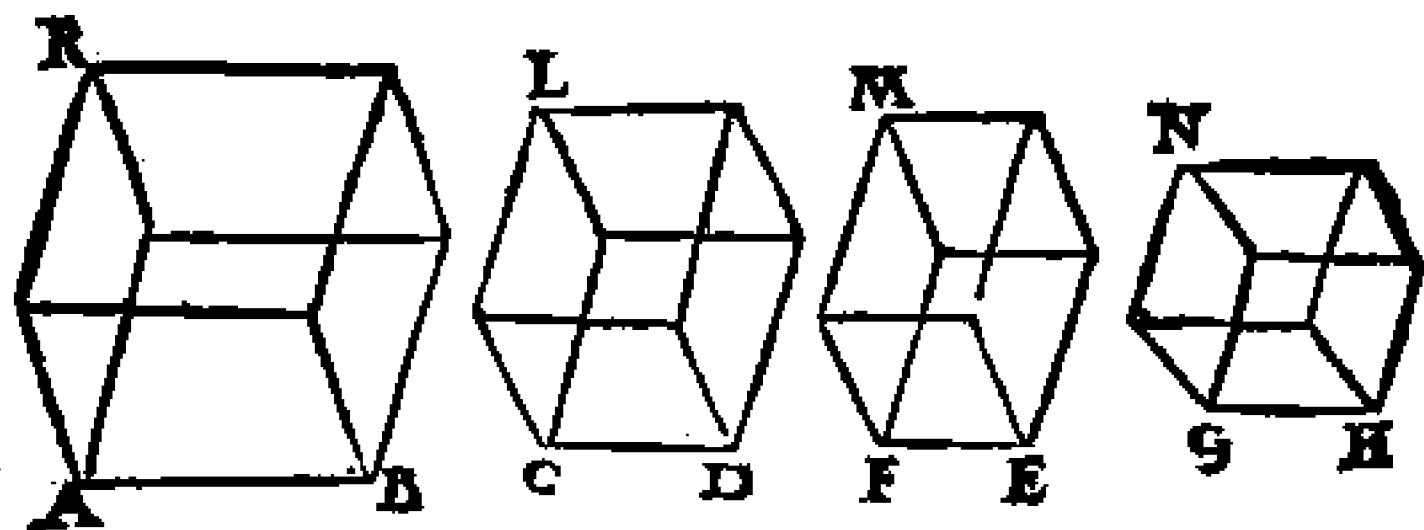


Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-
τῶν παραλληλεπίπεδα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφεί-
ναι, ἀνάλογον ἔσθαι, καὶ εἰὰν τὰ ἀπ' αὐτῶν στρεῶν
παραλληλεπίπεδα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφεί-
ναι, ἀνάλογον ἦ, καὶ αὐταὶ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσθαι.

Theor. 32. Prop. 37.

Si rectę quatuor lineę sint proportionales,
illa quoq; solida parallelis planis contenta,
quę ab ipsis lineis & similia & similiter de-
scribuntur, proportionalia erunt. Et si soli-
da parallelis planis comprehensa, quę & si-
militer describuntur, sint propor-
tio-

tionalia, illæ quoq; rectæ lineæ proportionales erunt.



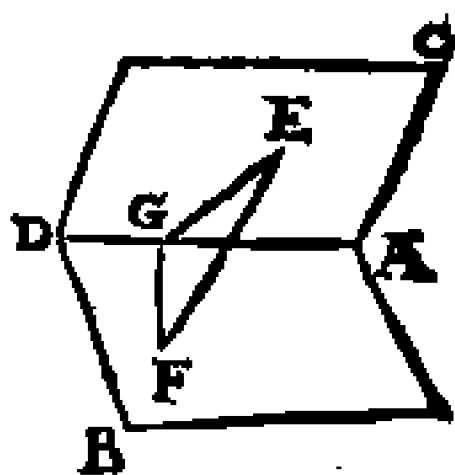
λη

Εάν ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ τινὸς σημείου τῶν αὐτῶν ἐπὶ τῶν ὀρθῶν ἐπὶ τὸ ἕτερον ἐπίπεδον κάθετος ἀχθῇ, ἐπὶ τῇ κοινῇ τμῇ περὶ τὰς τῶν ἐπιπέδων ἢ ἀγομένη κάθετος.

Theor. 33. Prop. 38.

Si planum ad planum rectū sit, & à quodam puncto eorum quæ in vno sunt planorum perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.

λθ

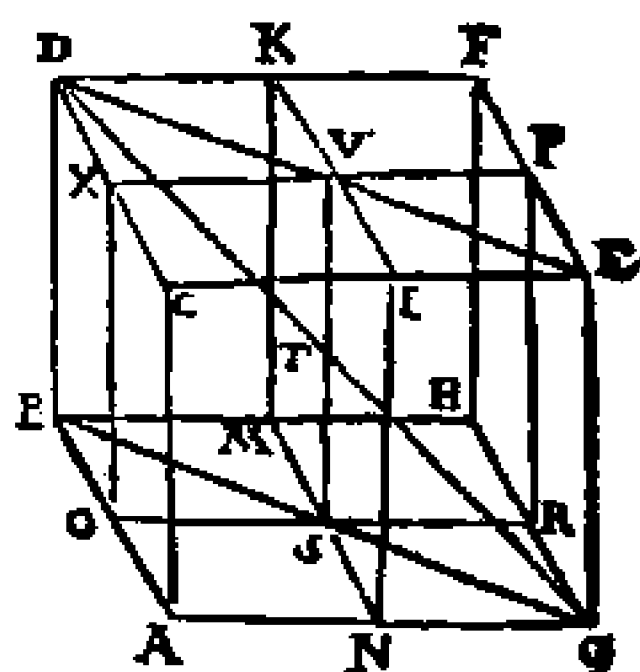


Εάν σκευῶν παραλληλεπίπεδα τῶν ἀπενάντιον ἐπιπέδων αὐτῶν πλευρὰί διχα τμηθῶσι, διὰ τῶν τμῶν ἐπίπεδα ἐκβληθῇ, ἡ κοινὴ τμὴ τῶν ὀρθῶν καὶ ἡ τοῦ σκευῶν παραλληλεπίπεδα διάμετρος, διχα τέμνουν ἀλλήλας.

S 2 Theor

Theor. 34. Propo. 39.

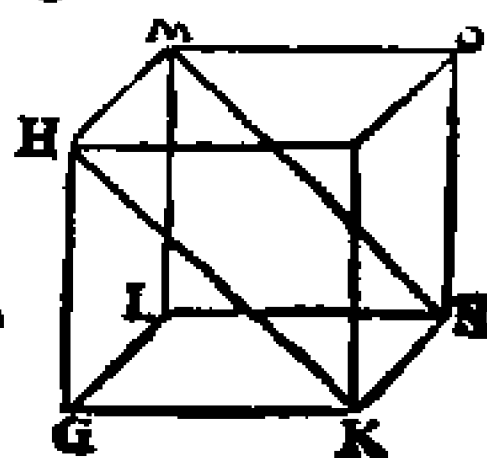
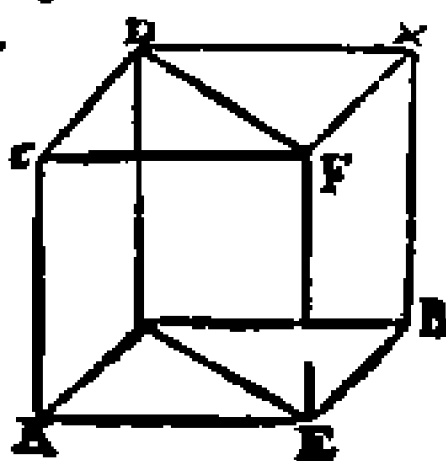
Si in solido parallelis planis circumscripto, aduersorum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorū sectio & solidi parallelis plani circūscripti diameter, se mutuò bifariam secant.



Εάν ἡ δύο πρίσματα ἰσοῦσιν, καὶ τὸ μὲν ἐχέῃ βάσιν παραλληλόγραμμον, τὸ δὲ τρίγωνον, διπλασίον δὲ ἢ τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου, ἴσα εἶναι τὰ πρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quorum hoc quidem basim habeat parallelogrammum, illud verò triangulum, sit autem parallelogrammū trianguli duplum, illa prismata erunt æqualia.



Elementi vndecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ ΚΑΙ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM SE-
CVNDVM.

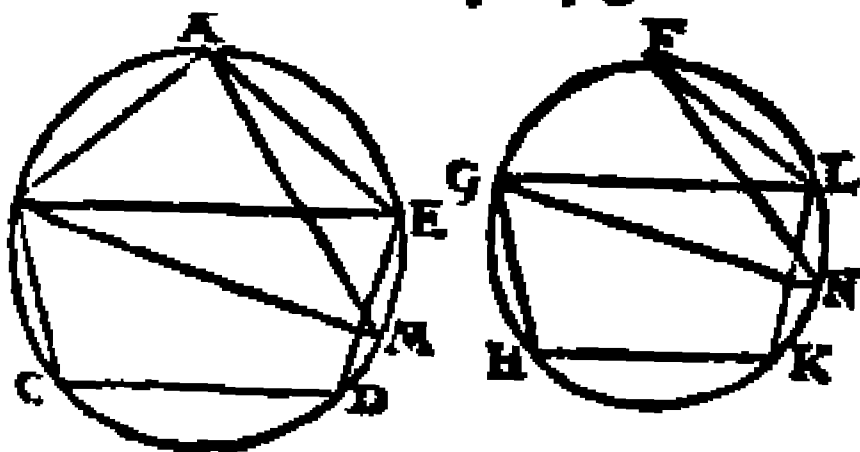
Προτάσεις.

α.

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλήλας
ἔσιν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα.

Theor. 1. Prop. 1.

Similia, quæ sunt in circulis polygona, ra-
tionem ha-
bent inter
se, quam
descripta à
diametris
quadrata.

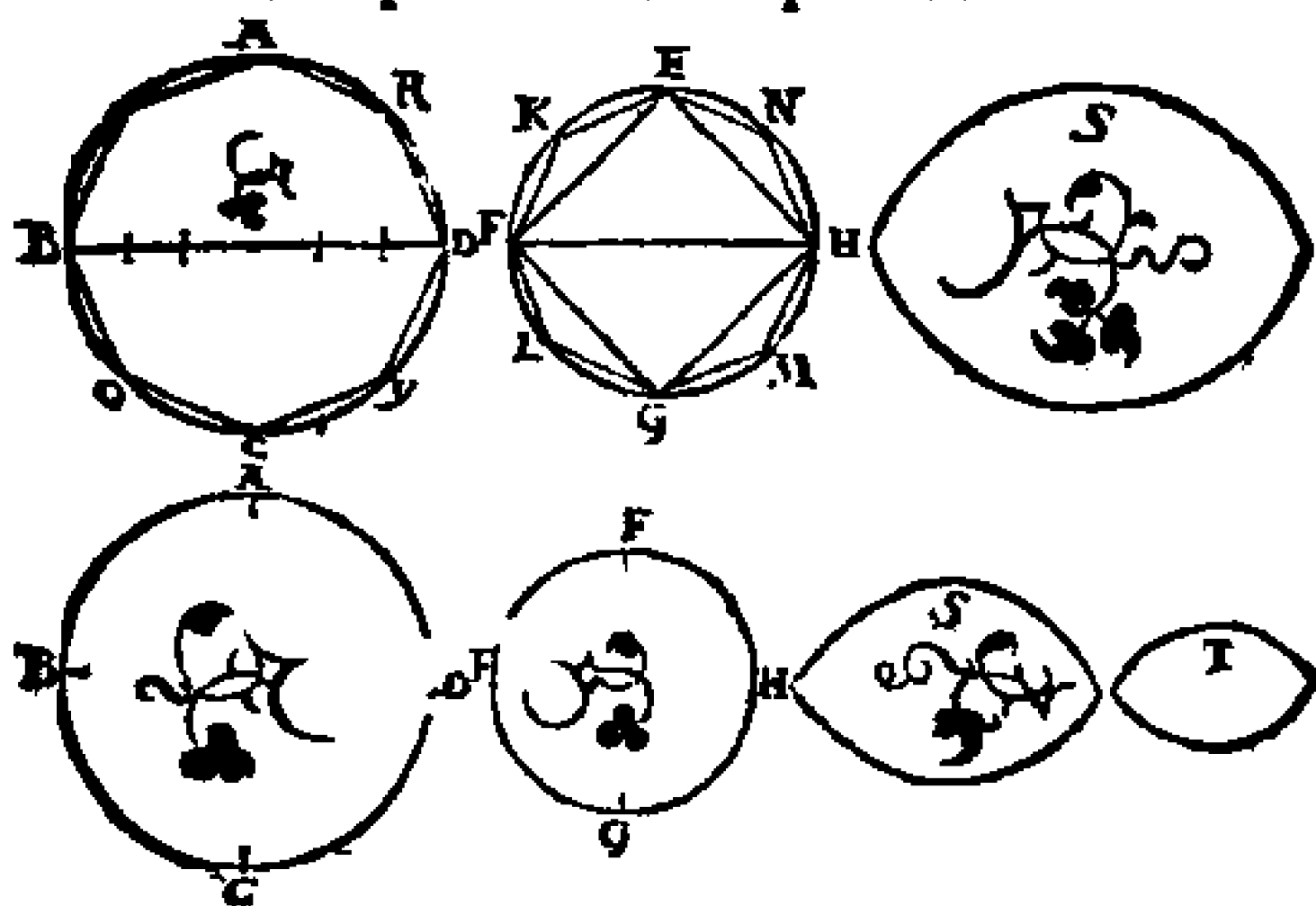


Σ 3 β οἱ

οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετραγώνια.

Theor. 2. Prop. 2.

Circuli eam inter se rationem habent, quam descripta à diametris quadrata.

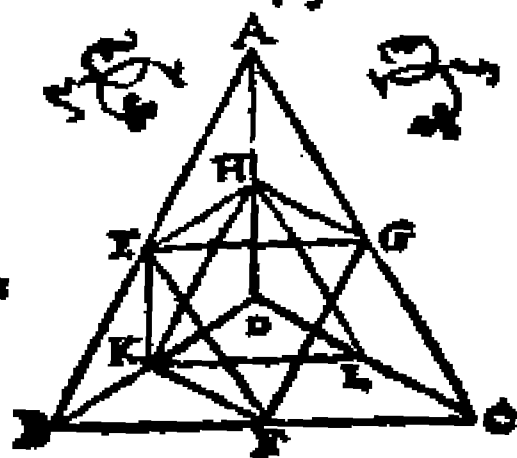


Πᾶσα πυραμὶς τριγωνο^γνέχουσα βάσιν, διαμερεται εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, τριγώνους βάσεις ἐχούσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα. καὶ τὰ δύο πρίσματα μείζονά ἐστιν, ἢ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Prop. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in duas diuiditur pyramidas non tantum equales

les & similes inter se, sed toti etiam pyrami-
di similes, quarum trigō-
næ sunt bases, atq; in duo
prismata æqualia, quæ
duo prismata dimidio py-
ramidis totius sunt maio-
ra.



δ

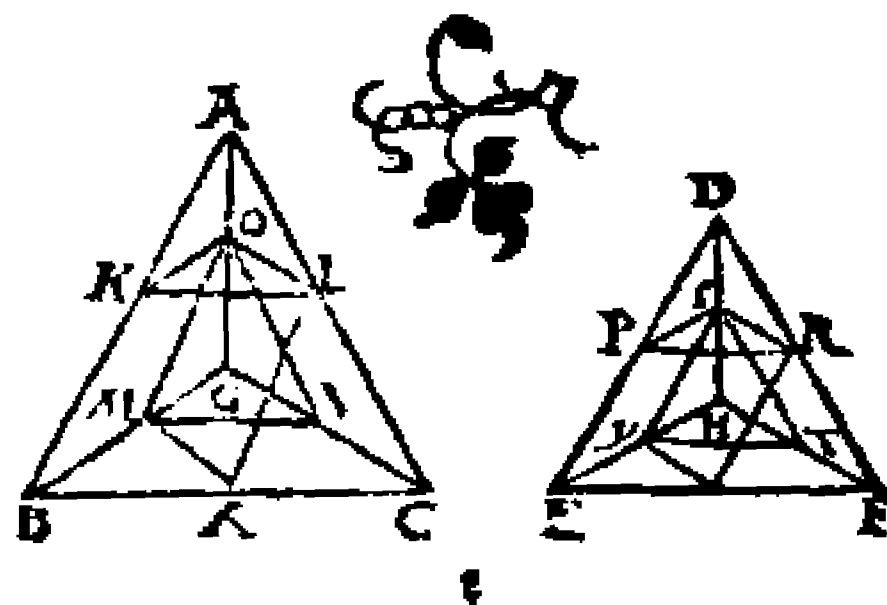
Εάν ὦσι δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὅμοι-
ως ἔχουσαι βάσεις, διακεκομένης ἑκάτερα αὐτῶν εἰς τε
δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ
εἰς δύο πρίσματα ἴσα καὶ τῶν γενομένων πυραμί-
δων ἑκάτερα τῇ αὐτῇ ὀψόν, καὶ τὸ αὐτὸ αἰεὶ γίνεται, ἔστιν
ὥς ἡ τῇ μιᾷ πυραμίδος βάσις, πρὸς τὴν τῇ ἑτέρας
πυραμίδος βάσιν, οὕτως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι
πρίσματα πάντα, πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρᾳ πυραμίδι
πρίσματα πάντα ἰσοπληθῆ.

Theorema 4. Proposi. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides trigō-
nas habeant bases, sit autem illarum vtraq;
diuisa & in duas pyramidas inter se æquales
totique similes, & in duo prismata æqualia,
ac eodem modo diuidatur vtraque pyrami-
dis quæ ex superiore diuisione natæ sunt,
idq; perpetuò fiat: quemadmodum se habet
vnius pyramidis basis ad alterius pyramidis

S 4 basim,

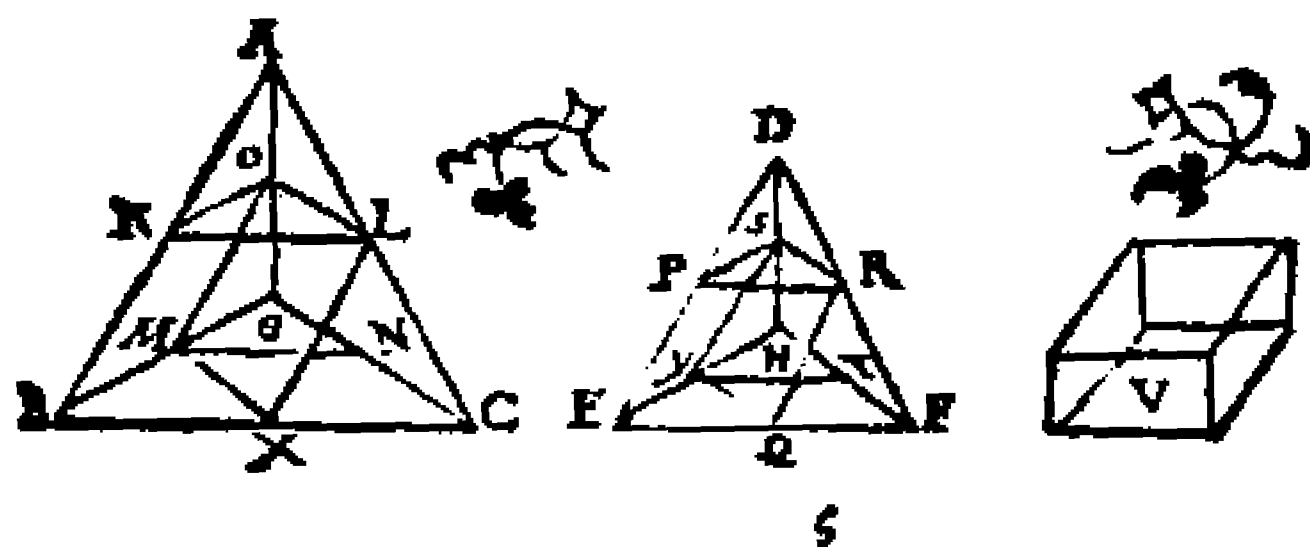
basim, ita & omnia quę in vna pyramide pri-
smata, ad omnia quę in altera pyramide, pri-
smata multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄνσαι πυραμίδες, καὶ τριγώνους
ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 5. Propo. 5.

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum tri-
gona sunt bases, eam inter se rationem ha-
bent, quam ipsę bases.

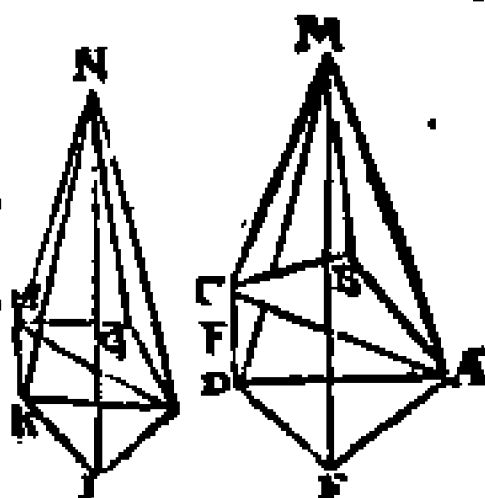


Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄνσαι πυραμίδες, καὶ πολυ-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βά-
σεις.

Theor. 6. Prop. 6.

Pyra-

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habet, quam ipsæ bases.

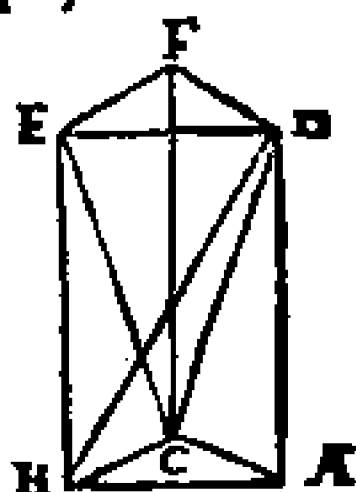


ζ

Πάν πρίσμα τρίγωνον ἔχον βάσιν, διαμεῖται εἰς τρεῖς πυραμίδας ἰσας ἀλλήλαις, τρίγωνες βάσεις ἔχούσας.

Theorema 7. Prop. 7.

Omne prisma trigonam habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



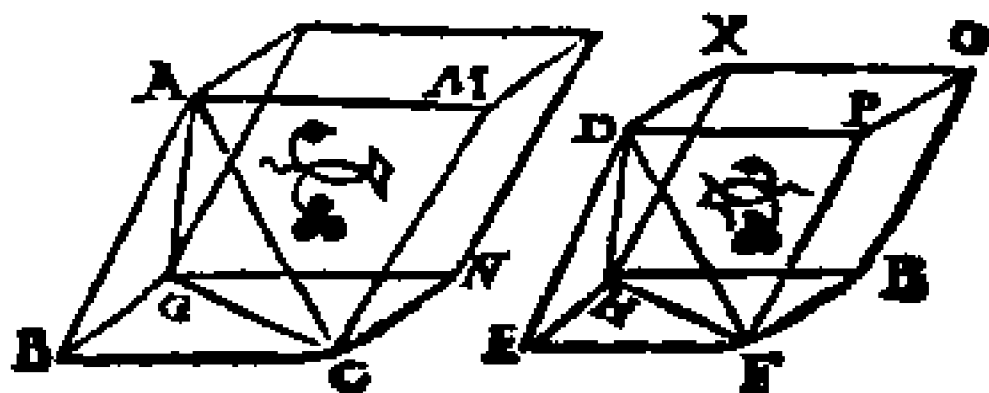
η

Αἱ ὁμοιαι πυραμίδες, καὶ τρίγωνες ἔχουσαι βάσεις, ὡς ἑξῆς ἑκαστὴν λόγῳ εἰσὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 8. Prop. 8.

Similes pyramides q̄ trigonas habent bases, in tri-

plicata sunt homologorū laterū ratiōe.



ς

ς

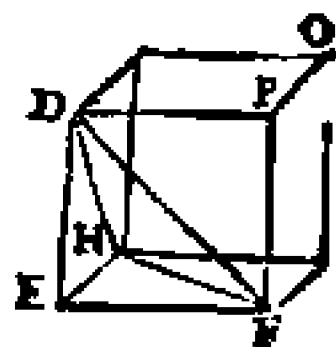
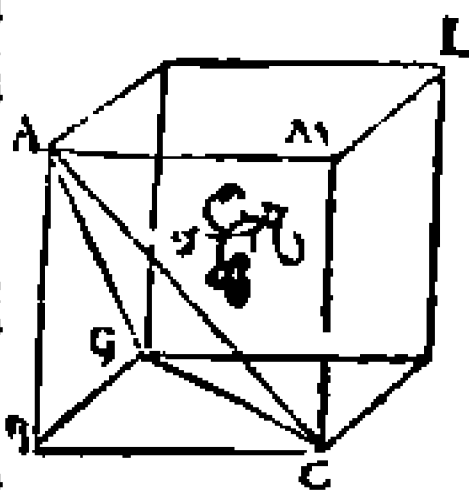
ς τῶν

Τῶν ἰσῶν πυραμίδων, καὶ τριγώνες βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ τῶν πυραμίδων ῥιγώνες βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theorema 9. Prop. 9.

Aequalium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases haben

tium reci
procatur
bases cū
altitudi
nibus, illæ
sunt equa
les.

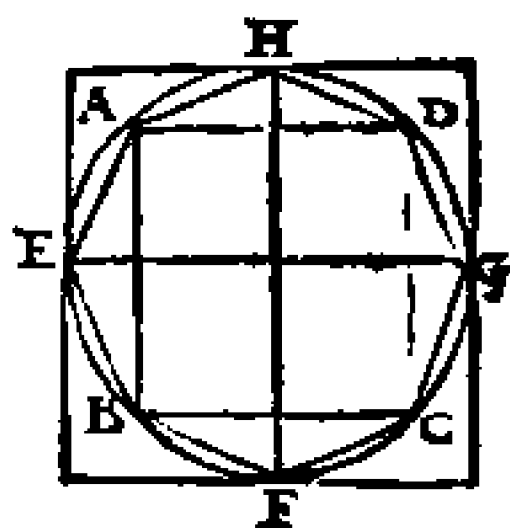
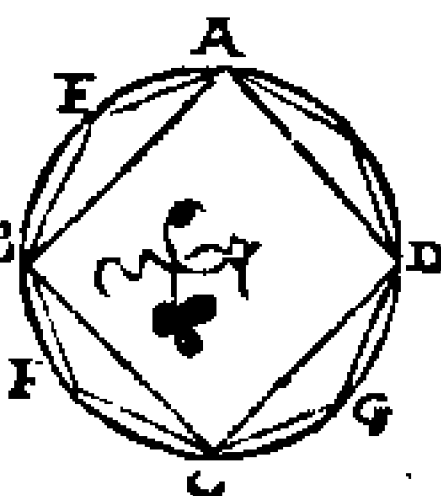


Πᾶς κῶνος, κυλίνδρου ῥίτον μέρος ἐστὶ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Prop. 10.

Omnis cōnus tertia pars est cylindri eādē

cum i-
pso cō
no ba-
sim ha-
bētis,
& alti-
tudinē
equalem.

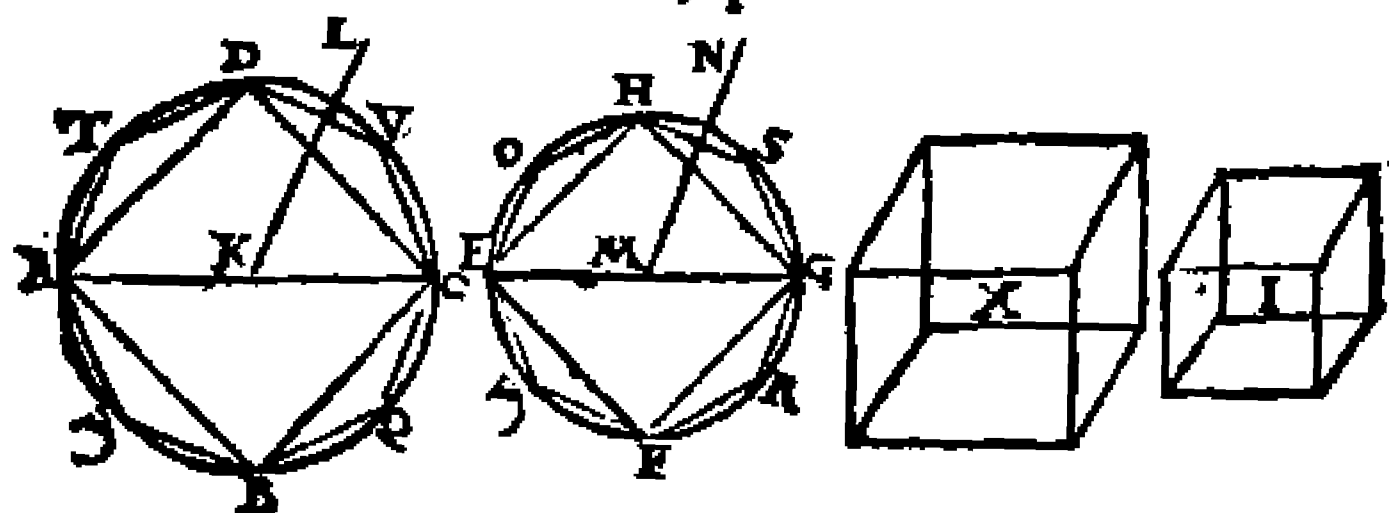


1α

Οἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propos. 11.

Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam inter se rationem habent, quam bases.

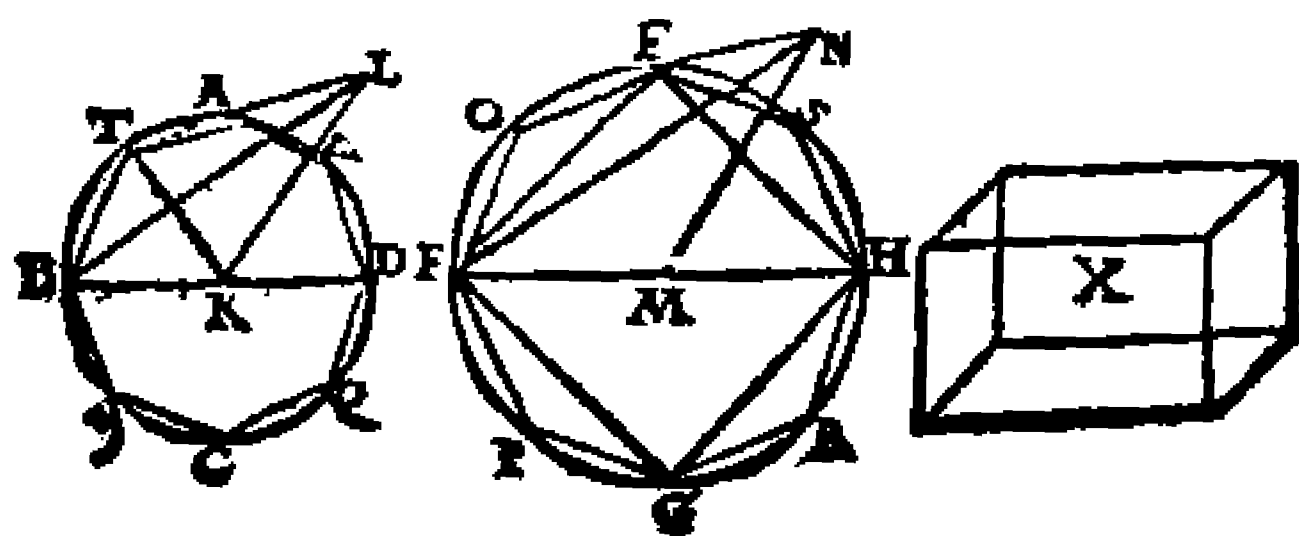


1β

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ὃν τριπλαστοὶ λόγοι εἰσὶ τῶν ὃν τὰς βάσεις διαμέτρων.

Theore. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam habent inter se rationem diametrorum, quæ sunt in basibus.



1γ

148

EVCLID ELEM. GEOM.

Εάν κύλινδρος ᾧτιπὲδω τμηθῇ παραλλήλῳ ὄντι τῇ ἀπεναντίον ᾧτιπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύλινδρος πρὸς τὸν κύλινδρον, ὅυτως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξονα.

Theor. 13. Propositio 13.

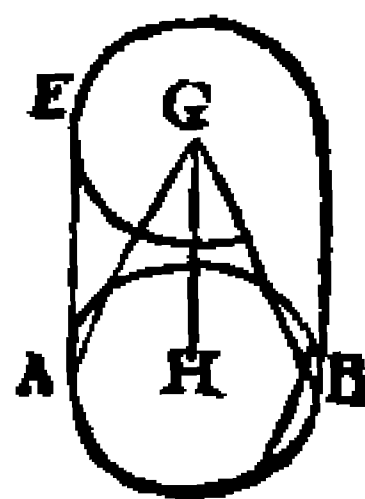
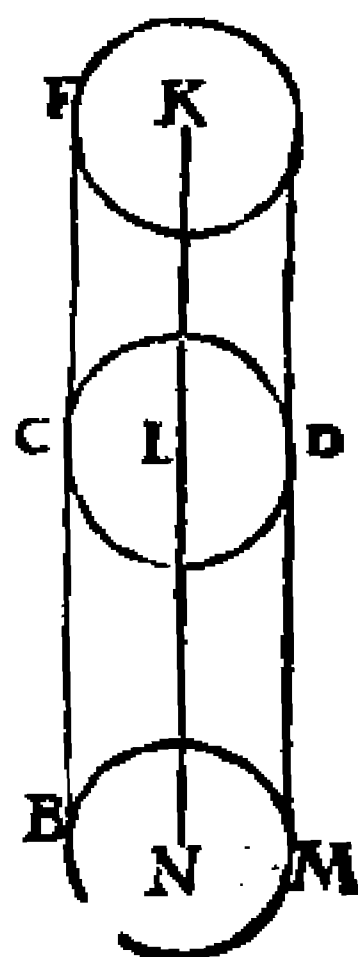
Si cylindrus plano secus sit aduersis planis parallelo, erit quemadmodum cylindrus ad cylindrum, ita axis ad axem.

ι δ

Οἱ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theor. 14. Propo. 14.

Coni & cylindri qui in æqualibus sunt basibus, eam habent inter se rationem, quam altitudines.

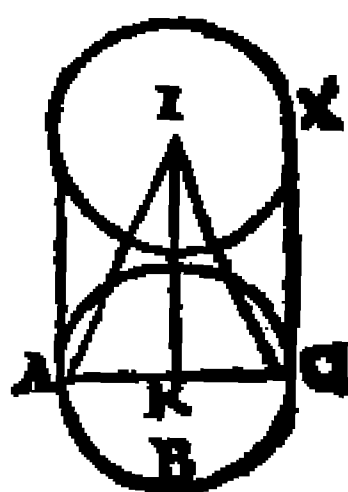
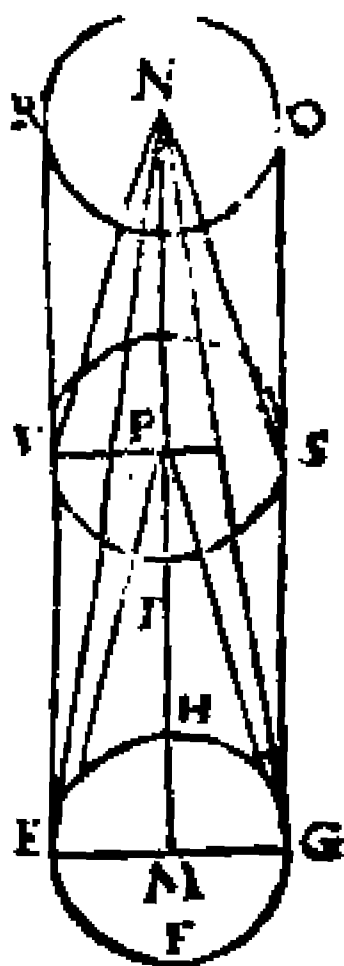


12

Τῶν ἰσῶν κῶνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ
βάσεις τῆς ὕψεσι. καὶ τῶν κῶνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπε-
πόνθασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψεσιν, ἴσοι εἰσὶν ἐκείνοι.

Theor. 15. Prop. 15.

Aequalium cōnorum & cylindrorum bases
cum altitu-
dinibus re-
ciprocantur.
Et quo-
rum cōno-
rum & cy-
lindrorum
bases cum
altitudini-
bus reci-
procantur,
illi sunt æ-
quales.



15

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν μεί-
ζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἀρτιό-
πλευρον ἐγγράψαι, μὴ φαῦτον τοῦ ἐλάσσονος κύκλου.

Problema 1. Proposi-
tio 16.

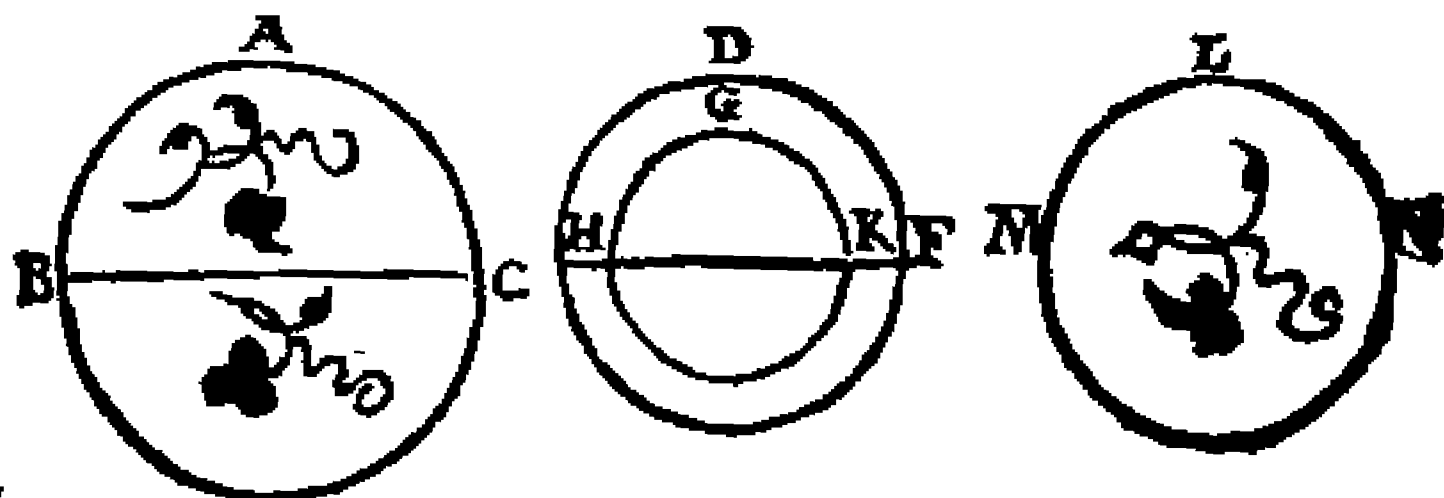
Duobus circulis circum idem centrum con-
sisten-

18

Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ὡς τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ
τῶν ἰδίων διαμέτρων.

Theorema 16. Propositio 18.

Sphæræ inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.

ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΏΝ ΙΓ,
ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVMTER-
TIVM, ET SOLIDORVM
TERTIVM.

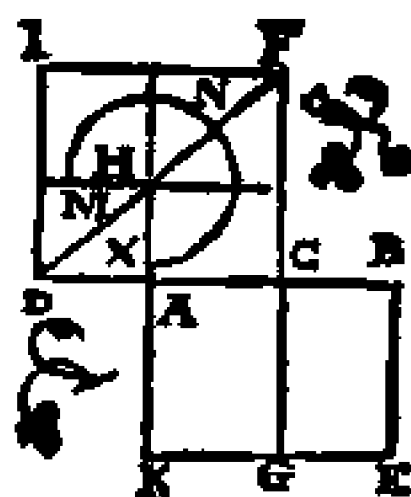
Προτάσεις

α

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ
μεῖζον τμήμα προσλαβὼν τὴν ἡμίσειαν τῆς ὅλης, πεν-
ταπλάσιον δύναται τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς ὅλης.

Theorema 1. Propo. 1.

Si recta linea per extremā
& mediam rationem secūta
sit, maius segmentū quod
totius lineæ dimidium as-
sumpserit, quintuplum
potest eius quadrati, quod
à totius dimidia describit̃.



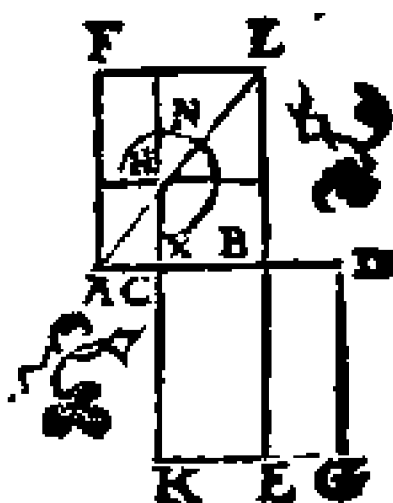
β Εάν

β

Εάν ευθεία γραμμὴ, τμήματ' αὐτῆς πενταπλάσιον δύνῃται, τῆς διπλασίας τοῦ εἰρημίνου τμήματος ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεκνομένης, τὸ μείζον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ἐστὶ τ' ἐξ ἀρχῆς ευθείας.

Theore. 2. Propo. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediā rationem secetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primūm positiæ.

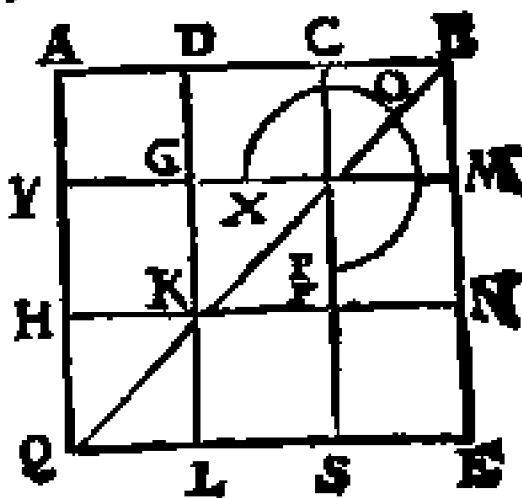


γ

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ ἔλασσον τμήμα προσλαβὼν τὴν ἡμισφάν τοῦ μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον δύναιται τοῦ ἀπὸ τ' ἡμισείας τοῦ μείζονος, τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extremā & mediā ratione secata sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidiū assumpsit,



T

quin-

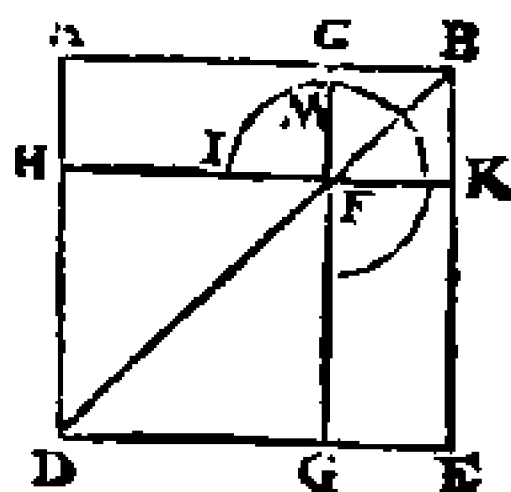
quintuplum potest eius, quod à maioris segmenti dimidio describitur, quadrati.

δ

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συναμρότερα τετράγωνα, τριπλάσια ἔσσι τοῦ ἀπὸ τοῦ μείζονος τμήματος τετράγωνου.

Theore. 4. Propo. 4.

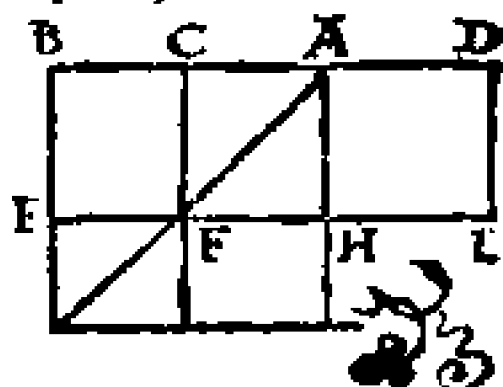
Si recta linea per extremam & mediam ratione secuta sit, quod à tota, quodq; à minore segmento simul utraq; quadrata, tripla sunt eius, quod à maiore segmento describitur, quadrati.



Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, καὶ προστεθῇ ἴση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἡ ευθεία ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα ἔσιν, ἢ ἐξ αρχῆς ευθεία.

Theore. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineam, quæ per extremam & mediam rationem secetur, adiuncta sit altera segmento maiori æqualis, tota hæc linea re-



Ἐὰν per extremam & mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primum posita.

ς

Ἐὰν εὐθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκάτερον τῶν τμημάτων ἀλογὸς ὅστιν, ἢ καλεσμένη ἀποτομή.

Theore. 6. Propo. 6.

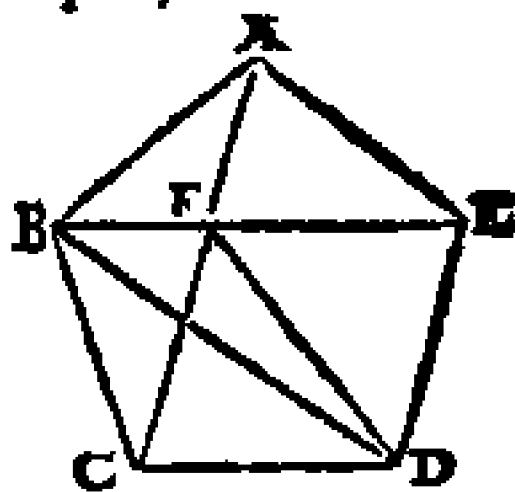
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, utrunque segmentorum
 $\text{A} \quad \text{C} \quad \text{B}$
 ἀλογὸς siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.

ζ

Ἐὰν πενταγώνῳ ἰσοπλεύρῳ αἱ ῥῆες γωνίαι, ἢ τοὶ αἱ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσόγωνιον ἔσαι τὸ πεντάγωνον.

Theore. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilatritres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui nō deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulū.



η

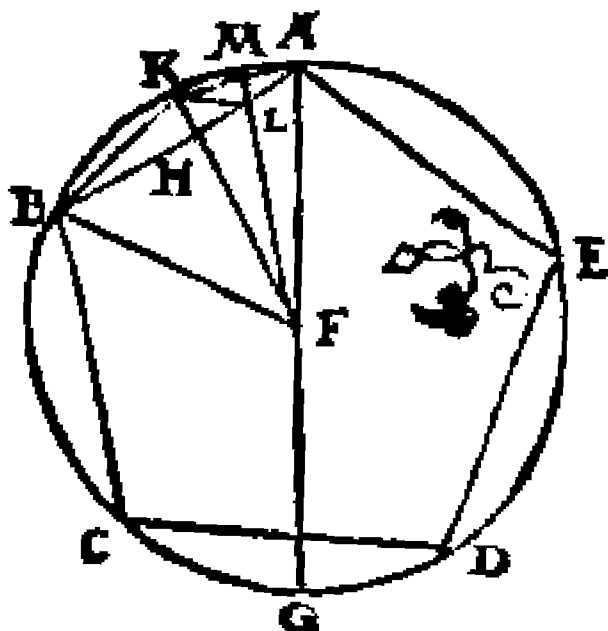
Ἐὰν πενταγώνῳ ἰσοπλεύρῳ καὶ ἰσγωνίῳ τὰς κατὰ τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτείνωσιν εὐθεῖαι, ἄκρον καὶ μέσον

T 2

μέσον

ἢ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ δύναται τὴν τε τοῦ ἑξαγώνου καὶ τὴν τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων.

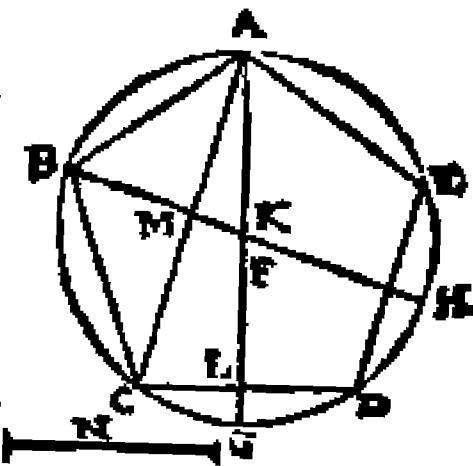
Theor. 10. Prop. 10.
Si circulo pentagonum æquilaterum inscriptum sit, pentagoni latus potest & latus hexagoni & latus decagoni, eidem circulo inscriptorum.



1 α

Εὰν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα τὴν διάμετρον, πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ ἀλογός ἐστιν, ἡ καλεσμένη ἐλάσσων.

Theor. 11. Prop. 11.
Si in circulo ῥητὴν habente diametrum, inscriptum sit pentagonum æquilaterum, pentagoni latus irrationalis est linea, quæ vocatur Minor.



1 β

Εὰν εἰς κύκλον ῥιζώνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τοῦ ῥιζώνου πλευρὰ, διωάμει ῥιπλασίον ἐστὶ τ' ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου.

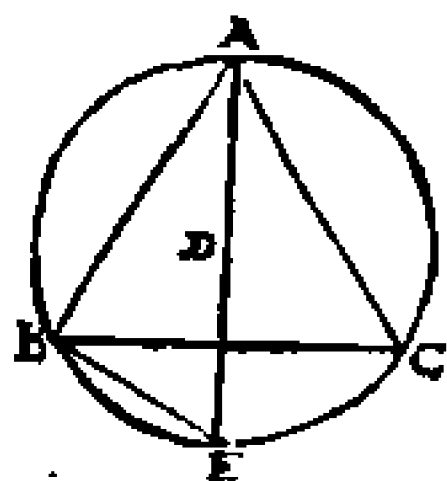
T 3

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theore. 12. Propo. 12.

Si in circulo inscriptum sit triangulum æquilatè-
rum, huius triánguli latus
potentia triplū est eius li-
neæ, quæ ex circuli cen-
tro ducitur.

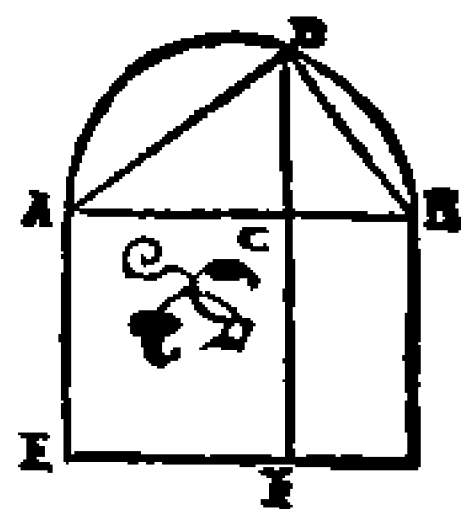
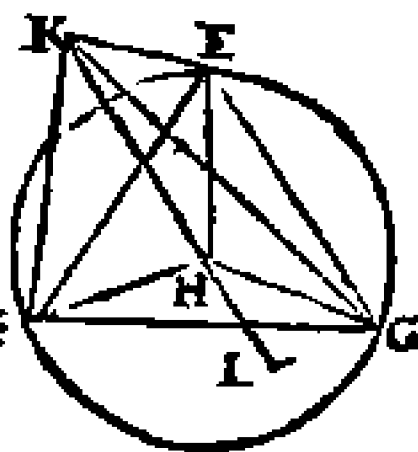
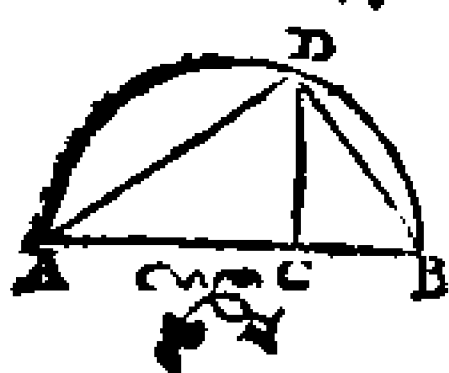


17

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διαμέτρος,
δυνάμει ἡμιολία ἐστὶ τῇ πλευρᾷ τῆς πυραμίδος.

Problem. 1. Propo. 13.

Pyramidem constituere, & data sphaera com-
plecti, atque docere illius sphaeræ diame-
trum potentia sesquialteram esse lateris ip-
sius pyramidis.



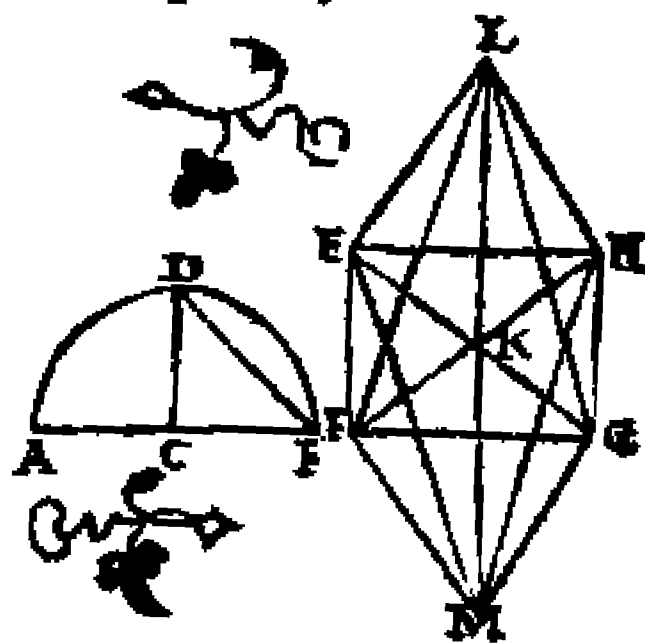
18

Οκτάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διά-
μετρος
μεζος

μῦθος δυνάμει διπλασία ἐστὶ τῇ πλευρᾷ τοῦ ὀκταέ-
δρου.

Proble. 2. Propo. 14.

Octaëdrum con-
stituere, eaq̃; sphæ-
ra qua pyramidē
complecti, atque
probare illius sphæ-
ræ diametrum po-
tentia duplam esse
lateris ipsius octaë-
dri.



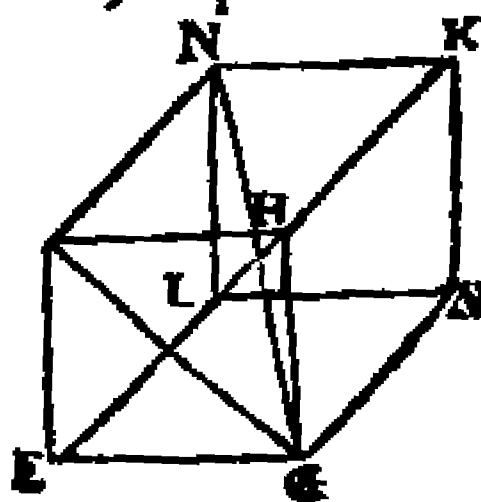
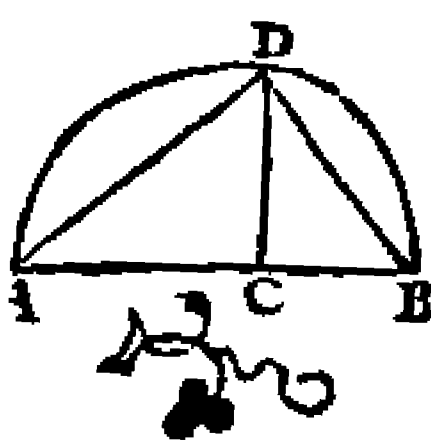
18

Κύβον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἥ καὶ τὰ
πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διάμετρος
δυνάμει τριπλῇ ἐστὶ τῇ τοῦ κύβου πλευρᾷ.

Proble. 3. Propo. 15.

Cubum constituere, eaque sphæra qua &
superiores figuras complecti, atque docere
illius

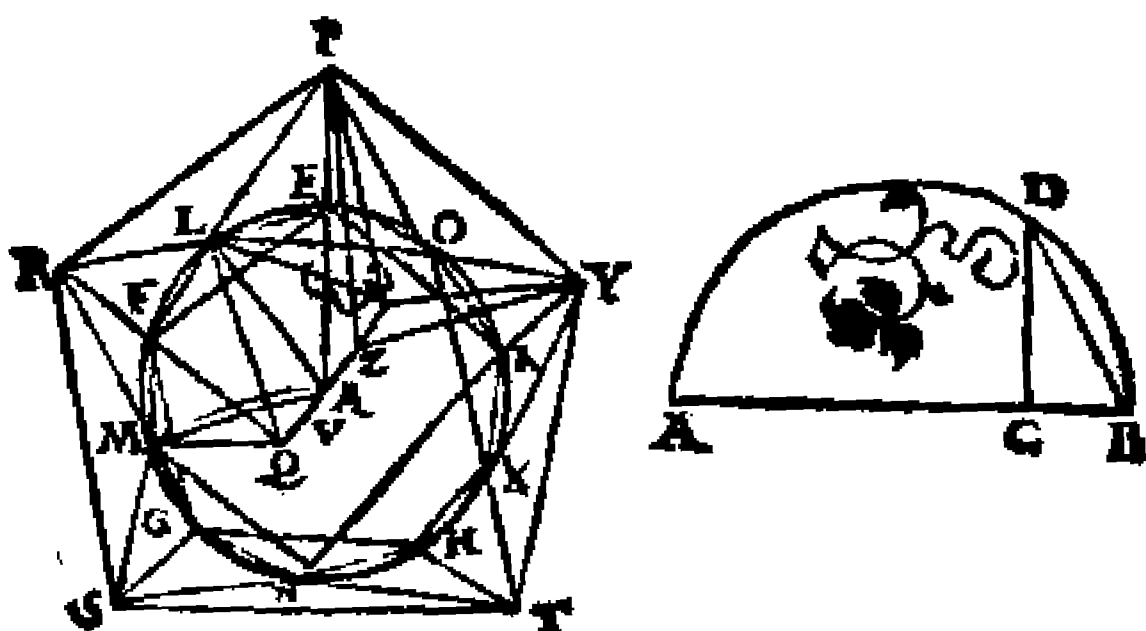
sphæræ
diame-
trum po-
tentia tri-
plam esse
lateris ip-
sius cubi.



Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν, ἥ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ ἐστι, ἡ καλυμένη ἐλάττων.

Probl. 4. Propo. 16.

Icosaëdron constituere, eademque sphaera qua & antedictas figuras complecti, atque probare, Icosaëdri latus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Minor.

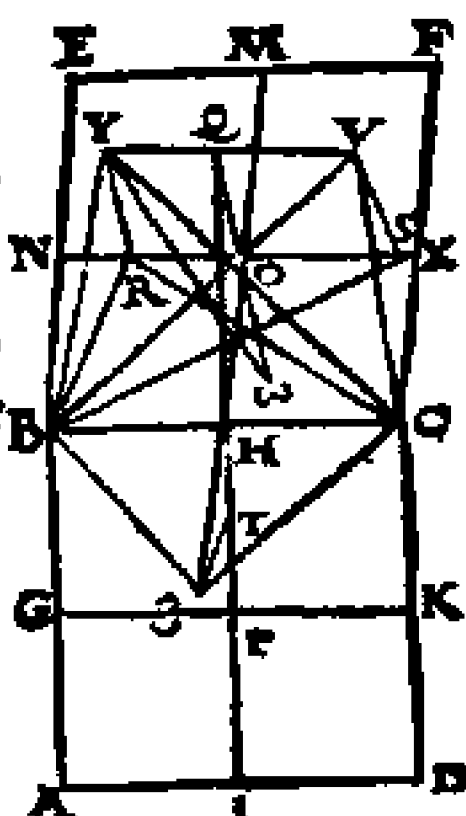


Δωδεκαέδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν, ἥ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τοῦ δωδεκαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ ἐστιν, ἡ καλυμένη ἄνωστμή.

Probl. 5. Propo. 17.

Dodecaëdron constituere, eademque sphaera

ra qua & antedictas figuras complecti, atque probare dodecaëdri latus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Residuum.

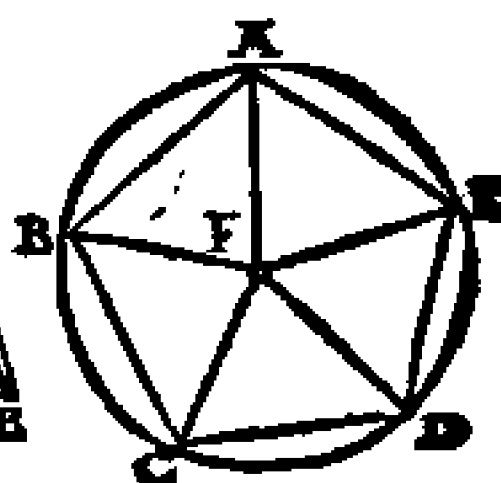
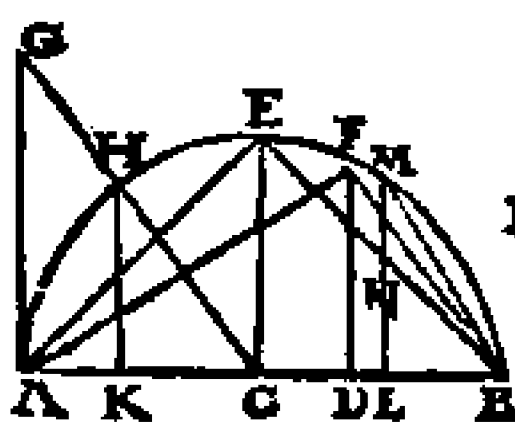


ΙΝ

Τὰς πλευρὰς τῶν πέντε σχημάτων ἐκτίσθαι, καὶ συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Proble.6. Propo.18.

Quinque si figurarum latera proponere, & inter se comparare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγω δὴ οὕτως παρὰ τὰ εἰρημένα ἑ σχήματα οὐ συστά
θήσεται ἕτερον σχῆμα, περιεχόμενον ὑπὸ ἰσο-
πλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ

Τ δ

μέν

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

μὲν γὰρ δύο ἑξῶντων, ἀλλ' οὐδὲ ἄλλων δύο ἑπι-
πέδων συνεὰ γωνία οὐ συσταθήσεται.

ὑπὸ ᾧ ἑξῶν ἑξῶντων, ἢ τ' πυραμίδος.

ὑπὸ ᾧ τεσσάρων, ἢ τοῦ ὀκταέδρου.

ὑπὸ ᾧ ἑ, ἢ τοῦ εἰκοσαέδρου.

ὑπὸ δὲ ἐξ ἑξῶντων ἰσοπλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων
πρὸς ἐνὶ σημείῳ συσπασμένων, οὐκ ἔσται συνεὰ γω-
νία. δυσχερὲς γὰρ τ' τοῦ ἰσοπλευροῦ ἑξῶντος γωνίας δι-
μοίρου ὀρθῆς, ἔθνηται αἱ ἐξ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι, ὅ-
περ ἀδύνατον. ἅπαντα γὰρ συνεὰ γωνία, ὑπὸ ἑλασ-
σόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. διὰ τὰ αὐτὰ
δὲ οὐδὲ ὑπὸ πλείονων ἢ ἐξ γωνιῶν ὅπτιπέδων συνεὰ
γωνία συσπασαται.

ὑπὸ δὲ τετραγώνων ἑξῶν, ἢ τοῦ κύβου γωνία πε-
ριέχεται.

ὑπὸ ᾧ τεσσάρων, ἀδύνατον. ἔθνηται γὰρ πάλιν
τέσσαρες ὀρθαί.

ὑπὸ δὲ πενταγώνων ἰσοπλευρῶν καὶ ἰσογωνίων,
ὑπὸ μὲν ἑξῶν, ἢ τοῦ δωδεκαέδρου.

ὑπὸ ᾧ τεσσάρων, ἀδύνατον. δυσχερὲς γὰρ τ' τοῦ ἰσο-
πλευροῦ πενταγώνου γωνίας ὀρθῆς καὶ πέμπτης, ἔθνη-
ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὀρθῶν μείζους,
ὅπερ ἀδύνατον. οὐδὲ μὲν ὑπὸ πολυγώνων ἑτέρων

σχη-

σχημάτων περισχεθήσεται σειρά γωνία, διὰ τὸ
 ἄτοπον. ὅκ' ἄρα παρὰ τὰ εἰρημένα ἑσχήματα ἕτε
 ρον σχῆμα σειράν συσταθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλεύρων καὶ
 ἰσογώνων περιεχόμενον. ὅπερ ἔδειξαι.

SCHOLIVM.

*Aio uerò, præter dictas quinque figuras non posse
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis et
 æquilateris et equiangularis contineatur, inter se
 equalibus. Non enim ex duobus triangulis, sed
 neque ex alijs duabus figuris solidus constitui
 tur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an
 gulus.*

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque uerò, Icosaëdri.

*Nam ex triangulis sex et æquilateris et equi
 angularis ad idem punctum coeuntibus, non fiet
 angulus solidus. Cum enim trianguli æquilateri
 angulus, recti unius bessem contineat, erunt eius
 modi sex anguli rectis quatuor æquales. Quod
 fieri non potest. Nam solidus omnis angulus, mi
 noribus quàm rectis quatuor angulis contine
 tur, per 21.11.*

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quàm planis sex eiusmodi angulis solidus constat.

Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecaëdri angulus continetur.

Sed ex quatuor, nullus potest. Cum enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit, & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex alijs polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΨΟΝ ΙΔ ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς διοντά τινες, ὡς ἄλλοι ζ', ΥΨΙ-

ΚΛΕΨΟΥΣ Αλεξανδρέως,

περὶ τῶν ἑ σωμάτων,

πρῶτον.

Βασιλείδης ὁ τύριος, ὃ πρῶταρχε, παραγενη-
θεὶς εἰς ἀλεξάνδρην, καὶ συσταθεὶς τῷ πατρὶ
ἡμῶν διὰ τὴν ἀπὸ τοῦ μαθήματος συγγένειαν, σιωπῶ-
διέτριψεν αὐτῷ τὸν πλεῖστον τῆς ἐπιδημίας χρόνον.
καί ποτε διελοῦντες τὸ ὑπὸ ἀπολλωνίου γραφὴν
περὶ τῆς συγκρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ εἰ-
κοσαέδρου, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομέ-
νων, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἀλλήλα, ἔδοξαν
ταῦτα μὴ ὀρθῶς γεγραφέναι τὸν ἀπολλώνιον. αὐ-
ταὶ δὲ ταῦτα διαχαράξαντες, ἔγραψαν, ὡς ἦν ἀ-
κούειν τοῦ πατρὸς. ἐγὼ δὲ ὕστερον περιέπεσον
ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ ἀπολλωνίου ἐκδεδομένῳ, καὶ
περιέ-

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

περιέχοντι ἀπόδειξιν ὑγιῶς περὶ τοῦ ὑποκειμένου,
 καὶ μεγάλως ἐψυχαγωγήθην ἐπὶ τῇ προβλήματι
 ζητήσας. τὸ μὲν ὑπὸ ἀπολλωνίου ἐκδοθὲν ἔοικε κοινῇ
 σκοπεῖν. καὶ γὰρ περιφέρεται. τὸ δὲ ὑφ' ἡμῶν δο-
 κοῦν ὑστερον γεγραφέναι φιλοπόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑ-
 πομνηματίζωντος ἐκρίνα προσφωνῆσά σοι, διὰ
 τὴν ἐν ἅπασιν μαθήμασι, μάλιστα δὲ ἐν γεωμετρίας
 προκοπὴν, ἐμπείρως κρίνοντι τὰ ῥηθησόμιστα, διὰ τὴν
 πρὸς τὸν πατέρα συνήθειαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς
 εὐνοίαν, ἱυμνῶς ἀκρομένῃ τῇ πραγματείᾳ. καί-
 ρος δὲ ἂν εἴη προσιμῖς μὲν πεπαῦσθαι, τῇ δὲ συν-
 τάξει ἀρχίσθαι.



EVCLIDIS ELEMENTVM DECI-

MVM QVARTVM, VT QVIDAM

arbitrantur, vt alij verò, Hy-
psiclis Alexandrini, de
quinque corpo-
ribus.

LIBER PRIMVS.



*Asilides Tyrius, Protarche, Alex-
andriam profectus, patriq; no-
stro ob disciplinæ societatem com-
mendatus, longissimo peregrina-
tionis tempore cum eo uersatus
est. Cuiq; differerent aliquando
descripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri
& Icosaëdri eidem sphaeræ inscriptorum, quam hæc
inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè
tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, ut de pa-
tre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea
inacidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-
monstra-*

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

monstrationem accuratè complecteretur de re proposita, ex cuiusq; problematis indagatione magnam equidem cepi uoluptatem. Illud certè ab omnibus perspicui potest, quod scripsit Apollonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum conijcere licet, studio nos postea scripsisse uidemur, id monimentis consignatum tibi nuncupandum duximus, ut qui feliciter cum in omnibus disciplinis tum uel maxime in Geometria uersatus, scitè ac prudenter iudicis ea quæ dicturi sumus: ob eam uerò, quæ tibi cum patre fuit, uitæ consuetudinem, quâque nos complectaris, beneuolentiam, translationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus est, ut proæmio modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσις.

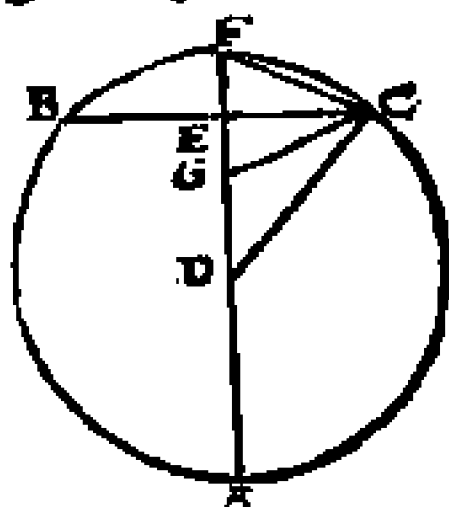
α.

Ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου κύκλου τινὸς, ἐπὶ τὴν τοῦ πενταγώνου πλευρὰν, τοῦ εἰς τὸ αὐτὸν κύκλον ἐγγεγραφομένη καθετος ἀγομένη, ἡμίση ἐστὶ συσσωρευτέρῃ, τῇ τε ἐκ τοῦ κέντρου καὶ τῇ τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν κύκλον ἐγγεγραφομένων.

Theore. 1. Propo. 1.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuiuspiam

Spiciam centro in latus pentagoni ipsi circulo
inscripti ducitur, dimidia
est utriusque simul lineæ,
& eius quæ ex centro, &
lateris decagoni in eodem
circulo inscripti.

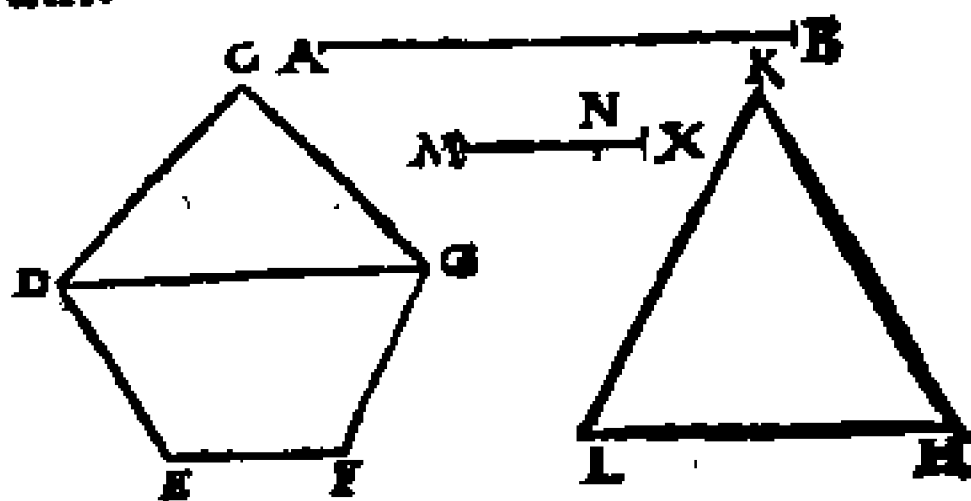
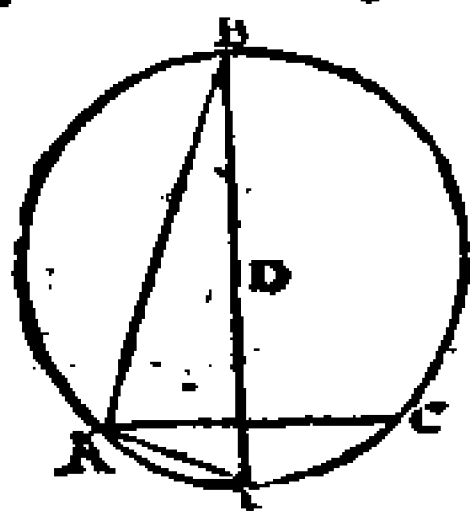


β

Ο αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ τε τοῦ δωδεκαέ-
δρου πεντάγωνον, καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον τῶν
εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγεγραμμένων.

Theor. 2. Proposit. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri
pentagonū & icosaëdri triangulum, eidem
sphæræ inscriptorum.



γ

Εάν ἡ πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ πε-
ρὶ τοῦτο κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου κάθετος ἐπὶ μί-
αν πλευρὴν ἀχθῇ, τὸ τριακοντάκις ὑπὸ μιᾶς τῶν
πλευρῶν καὶ τῆς καθέτου, ἴσον ἐστὶ τῇ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπε-
φαιείᾳ.

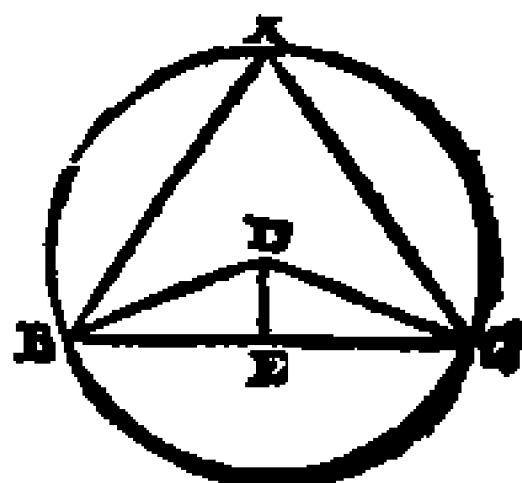
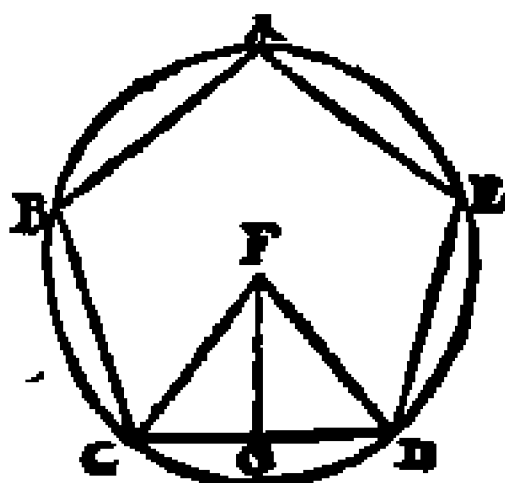
v

Theor.

Theorema 3. Prop. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangulo circumscriptus sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari

trigies cōtinetur, illud æquale est dōdecaēdri superficiei.



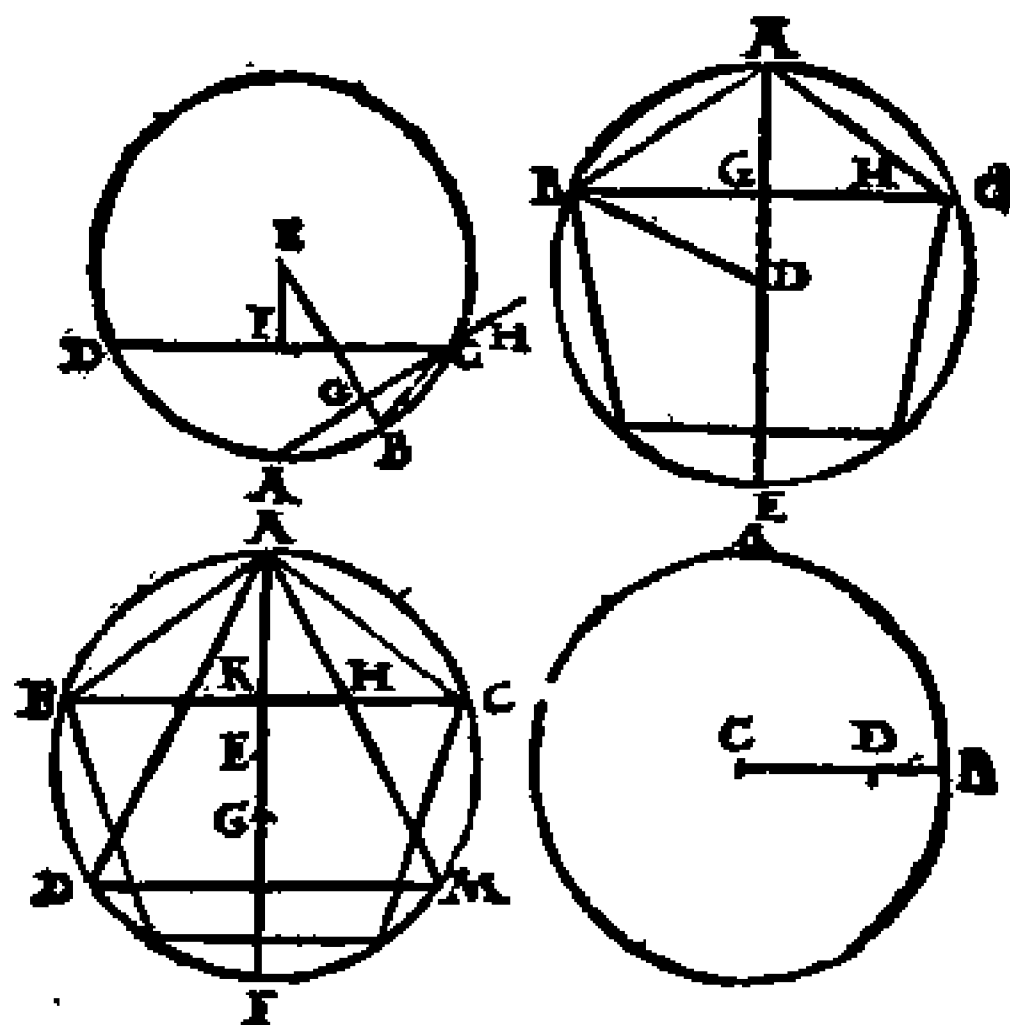
δ

Τούτου δήλου ὄντος, δεκτικόν ὅτι ἴσα ὡς ἡ τῷ δωδεκάεδρου ὁπφάνεια πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρου, οὕτως ἡ τῷ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τῷ εἰκοσαέδρου πλευράν.

Theor. 4. Propo. 4.

Hoc perspicuum cum sit, probandum est, quemadmodum se habet dōdecaēdri superficies

ficies ad icosædri superficiem, ita se habere
cubi latus ad icosædri latus.



Cubi latus.

E_____

Dodecaëdri.

F_____

Icosædri.

G_____

Δεικτέον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτως τὸ σφαιρὸν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σφαιρὸν τοῦ εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι περιλαμβάνουσι τό τε τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων, ἐν δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ ἴσοι κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. αἱ γὰρ ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπὶ τὰ τῶν κύκλων ἐπιπεδα κἀδετοὶ ἀγόμεναι, ἴσά τε εἰσὶν καὶ ἐπὶ τὰ κέντρα τῶν κύκλων τεινέουσιν, ὡς τε αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπὶ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τοῦ περιλαμβάνοντος τό τε τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον καὶ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον, ἴσα εἰσὶ, ταῖς αἱ κάθετοι. ἴσου ψεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ ἴσου ψεῖς πυραμίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις. ὡς ἄρα τὸ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον, οὕτως ἡ πύραμις ἥς βᾶσις μὲν ἐστὶ τὸ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας, πρὸς τὴν πύραμιδα ἥς βᾶσις μὲν ἐστὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας. καὶ ὡς ἄρα δώδεκα πεντάγω-

τάγωνα πρὸς εἴκοσι τρίγωνα, οὕτω δώδεκα πυρα-
μίδες πενταγώνων βάσεις ἔχουσαι πρὸς εἴκοσι πυ-
ραμίδας τρίγωνης βάσεις ἔχούσας. καὶ δώδεκα πεν-
τάγωνα ἢ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνειά ἐστιν, εἴκοσι δὲ
τρίγωνα ἢ τοῦ εἰκοσαέδρου ἐπιφάνειά ἐστιν. ἐπεὶ ἄρα
ὥς ἢ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκο-
σαέδρου ἐπιφάνειαν, οὕτω δώδεκα πυραμίδες πεν-
ταγώνης βάσεις ἔχουσαι πρὸς εἴκοσι πυραμίδας
τρίγωνους βάσεις ἔχούσας, καὶ εἰς δώδεκα μὲν πυρα-
μίδες πενταγώνους βάσεις ἔχουσαι, τὸ σκεῦος τοῦ
δωδεκαέδρου, εἴκοσι δὲ πυραμίδες τρίγωνους βάσεις
ἔχουσαι, τὸ σκεῦος τοῦ εἰκοσαέδρου. καὶ ὥς ἄρα ἢ τοῦ
δωδεκαέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου,
οὕτω τὸ σκεῦος τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σκεῦος τοῦ
εἰκοσαέδρου. ὥς δὲ ἢ ἐπιφάνεια τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς
τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτως ἐδείχθη ἢ τοῦ
κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰν.
καὶ ὥς ἄρα ἢ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέ-
δρου πλευρὰν οὕτω τὸ σκεῦος τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς
τὸ σκεῦος τοῦ εἰκοσαέδρου.

SCHOLIUM.

Nunc autem probandū est, quemad-
modū se habet cubi latus ad icosaedri

V 3 latus,

latus, ita se habere solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cùm enim æquales circuli comprehendant & dodecaëdri pentagonū & Icosaëdri triagulum, eidem sphæræ inscriptorum: in sphæris autem æquales circuli æquali intervallo distēt à centro (siquidē perpendiculares à sphæræ centro ad circulorū plana ductæ & æquales sunt, & ad circulorū centra cadunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à sphæræ centro ducūtur ad centrum circuli cōprehendentis & triagulum Icosaëdri & pentagonū dodecaëdri, sunt æquales. Sunt igitur æqualis altitudinis Pyramides, quæ bases habēt ipsa dodecaëdri pentagona, & quæ Icosaëdri triangula. At æqualis altitudinis pyramides rationem inter se habent eam quam bases, ex 5. & 6. 11. Quemadmodū igitur pentagonū ad triagulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autem, sphæræ centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triagulum, vertex autem, sphæræ centrum.

trum. Quamobrem ut se habet duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides quorum pentagonæ sint bases, ad viginti pyramidas, quæ trigonas habeant bases. At pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quæ pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigonæ sunt bases. Sunt autem duodecim quidē pyramides, quæ pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti autem pyramides, quæ trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quēadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕ ΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς βιονταί λυες, ὡς ἄλλοι δὲ ΥΨΙΚΛΕ

ΟΥΣ Ἀλεξάνδρεως, περὶ τῶν

β. σωμάτων, δεύτε-

ρον.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM DECIMUMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVINTVM,

ut nōnulli putant: ut autem alij,

Hypsiclis Alexandrini, de

quinque corpo-

ribus,

LIBER II.

Προτάσεις.

α

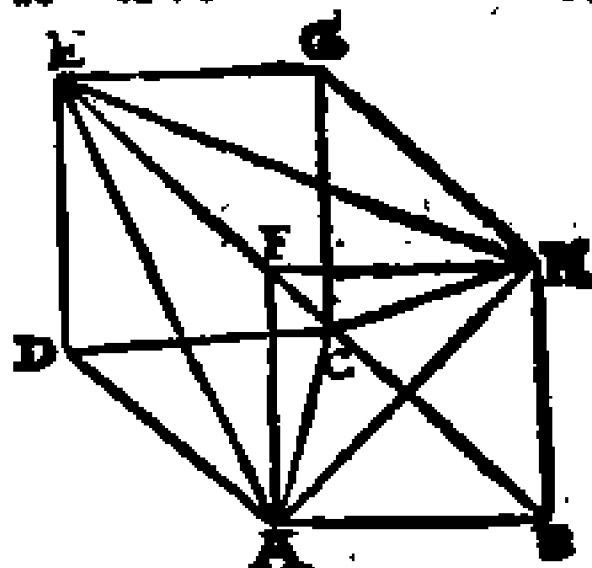
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῶν ῥαμίδων ἐγγράψαι.

Pro-

Problem 1. Propositio 1.

In dato cubo pyramida inscribere.

β

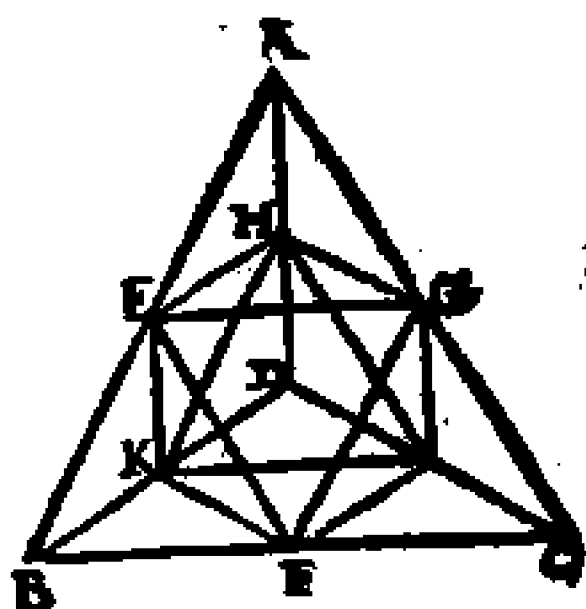


Εἰς τὴν δοθεῖσαν πυραμίδα ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Problem 2. Propositio 2.

In data pyramide octaëdron inscribere.

γ

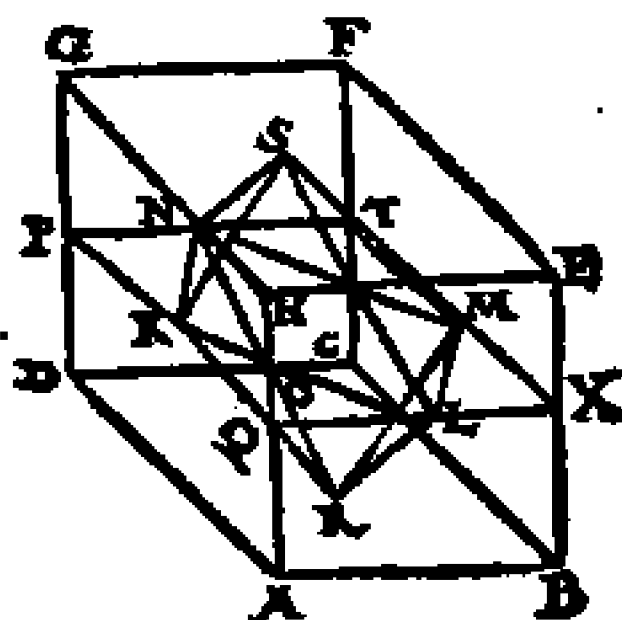


Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 3. Propositio 3.

In dato cubo octaëdron inscribere.

δ



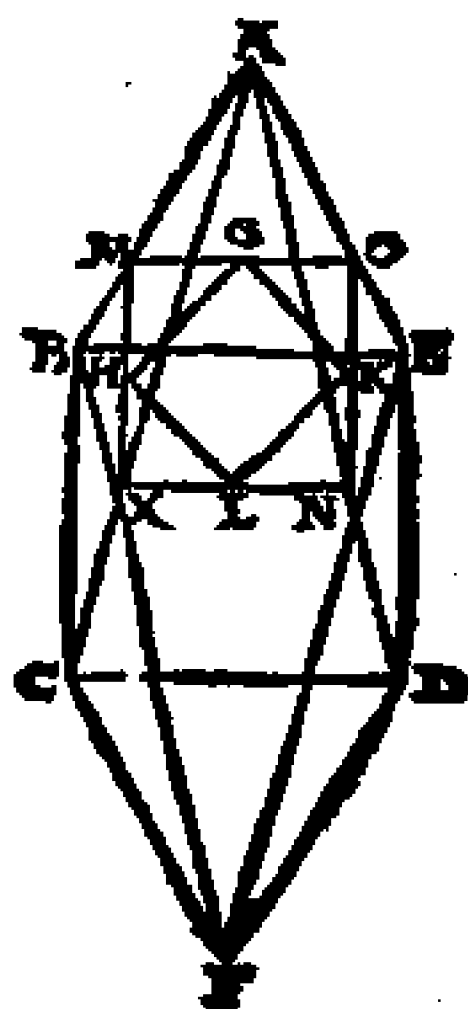
Εἰς τὸ δοθέν ὀκτάεδρον κύβος ἐγγράψαι.

ν ς

Pro-

Problema 4. Propo-
sitio 4.

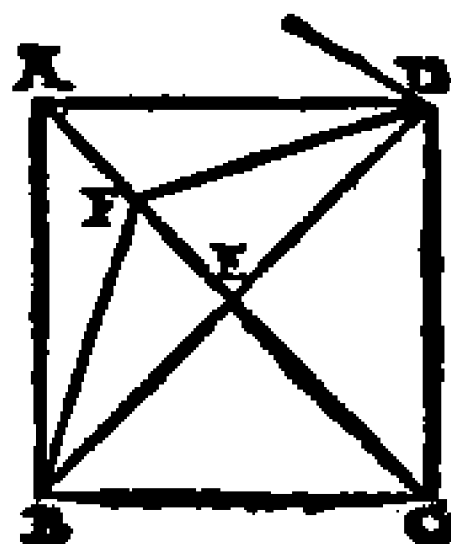
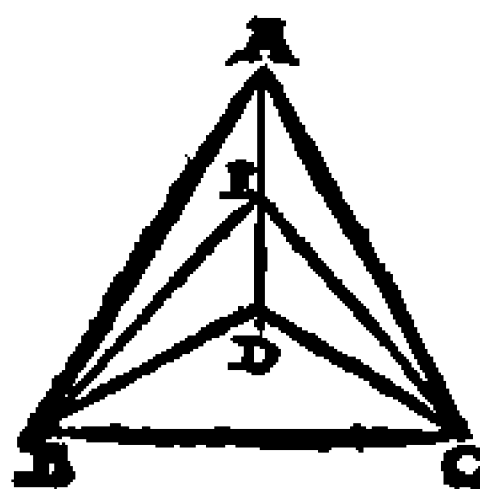
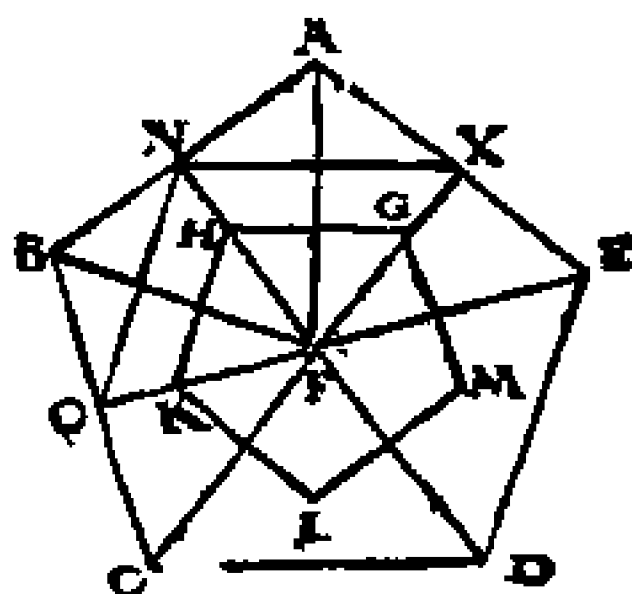
In dato octaëdro cubum
inſcribere.

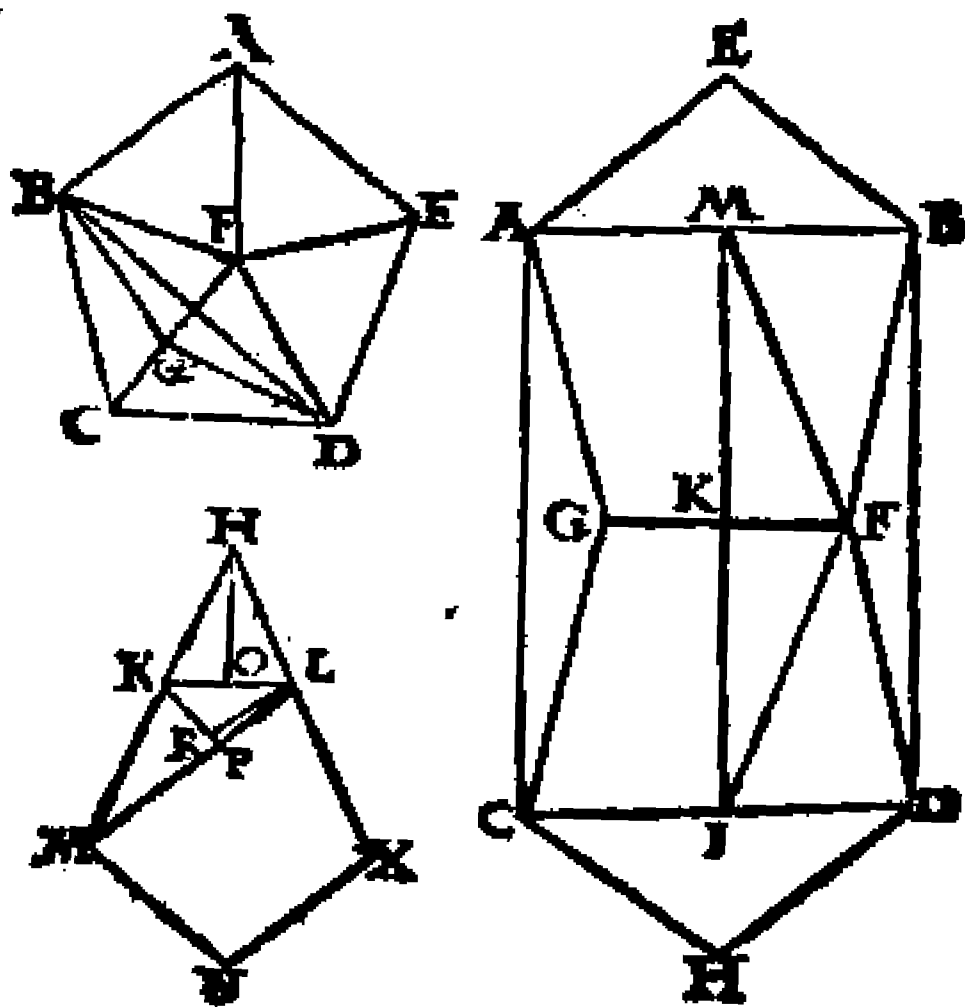


Εἰς τὸ δωδὲν εἰκοσάεδρον δω-
δεκάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icoſaëdro
dωδεκαëdruḿ in-
ſcribere,





XXO.

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι ἐάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πόσας πλευ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσαέδρον, φήσομεν οὕτως. φανερόν ὅτι
 ὑπὸ εἰκοσι ζυγῶν περιέχεται τὸ εἰκοσαέδρον, καὶ
 ὡς ἑκάστον ζυγῶν ὑπὸ ζυγῶν εὐθείων περιέχεται. δεῖ
 οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἰκοσι ζυγῶνα ἐπὶ
 τὰς πλευρὰς τοῦ ζυγῶν, γίνεται ὅ ἐξήκοντα, ὧν ἡ-
 μισυ γίνεται ζεσάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ δωδεκαέ-
 δρῳ. πάλιν ἐπεὶ δὴ δώδεκα πεντάγωνα περιέχουσι
 τὸ δωδεκαέδρον, πάλιν δὲ ἑκάστον πεντάγωνον ἔχει
 πέντε εὐθείας, ποιοῦμεν δωδεκάκις πέντε, γίνεται
 ἐξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμισυ γίνεται ζεσάκοντα. Διὰ τί
 δε τὸ ἡμισυ ποιοῦμεν, ἐπεὶ δὴ ἐκάστη πλευρὰ, καὶ πέντε
 ἢ ζυγῶν, ἢ πενταγῶν, ἢ τετραγῶν, ὥς ἐπὶ κύβῳ, ἐκ
 δευτέρῳ λαμβάνεται. ὁμοίως ὅτι καὶ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ἐπὶ
 κύβῳ, καὶ ἐπὶ τῇ πυραμίδος, καὶ τοῦ ὀκταέδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας εὐρήσῃς τὰς πλευράς. εἰ ὅτι βεληθείης πάλιν
 ἐκάστη τῶν πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλιν
 τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε παρὰ τὰ ἐπίπεδα τὰ
 περιέχοντα μίαν γωνίαν τοῦ τετραγώνου, διον ἐπεὶ δὴ τὴν
 τοῦ εἰκοσαέδρου γωνίαν περιέχουσι εἰς ζυγῶνα, μέ-
 ριξε παρὰ τὰς, γίνονται δώδεκα γωνία τοῦ εἰκοσαέ-
 δρου,

δρου, ἐπὶ δὲ τοῦ δωδεκαέδρου, τρία πεντάγωνα περιέχουσι τὴν γωνίαν, μέρισον παρὰ τὰ ῥία, καὶ ἔξεις καὶ γωνίας ὅσας τοῦ δωδεκαέδρου. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν εὐρήσεις τὰς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδους στοιχείων.

SCHOLIUM.

Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosaëdron habeat latera, ita respondendum esse. Patet Icosaëdron viginti contineri triangulis, quodlibet verò triangulum rectis tribus constare lineis. Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula in trianguli unius latera, fiuntque sexaginta, quorum dimidium est triginta. Ad eundem modum & in dodecaedro. Cum enim rursus duodecim pentagona dodecaëdron cōprehēdant, itemque pentagonum quodvis rectis quinque constet lineis, quinque

que duodecies multiplicamus, fiūt sexā-
ginta, quorum rursus dimidium est tri-
ginta. Sed cur dimidiū capimus? Quo-
niam vnūquodq; latus siue sit trianguli
siue pētagoni, siue quadrati, vt in cubo,
iteratō sumitur. Similiter autē eadē via
& in cubo & in pyramide & in octaē-
dro latera inuenies. Quòd si item velis
singularum quoque figurarū angulos
reperire, facta eadem multiplicatione
numerus procreatū partire in nume-
rum planorum quæ vnum solidum an-
gulum includunt: vt quoniam triangu-
la quinque vnum Icosaëdri angulum
continent, partire 60. in quinque, na-
scuntur duodecim anguli Icosaëdri. In
dōdecaëdro autem tria pentagona an-
gulum comprehendunt. partire ergo
60. in tria, & habebis dōdecaëdri an-
gulos viginti. Atque simili ratione in
reliquis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.