

# Notes du mont Royal



[www.notesdumontroyal.com](http://www.notesdumontroyal.com)

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES  
Google Livres

# EVCLIDIS

## ELEMENTORVM LIBRI

XV. GRAECE ET LATINE,

Quibus, cum ad omnem Mathematica scientia  
partem, tum ad quamlibet Geometriae tra-  
stationem, facilis comparatur aditus.

Επίγραμτα παλαιόν.

Σχήματα πάντε πλάτωνος, ο Πυθαγόρας σοφός  
έιρε.

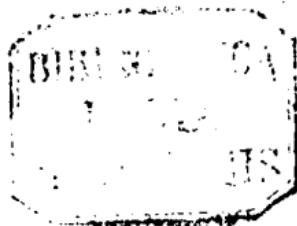
Πυθαγόρας σοφός έιρε, πλάτων δ' αριδηλού δίδιδεν,  
πύκλειδης εἰσὶ τοῖσι κλέος περικαλλὲς ἔτευξεν.



COLONIAE,  
Apud Maternum Cholintum.

M. D. LXIII.

Sum ex libris Joh. Georgij a Werdenstein  
Canonici Augustini, 1566.



Bayerische  
Staatsbibliothek  
München



## AD. CANDIDVM LE- CTORBM ST. GRA- ciliis præfatio.



ER MAGNI referre semper  
existimau, lector beneuole, quan-  
tum quisque studij & diligentie  
ad percipienda scientiarum ele-  
menta adhibeat, quibus non satis  
cognitis, aut perperam intellectis,  
si uel digitum progredi tentes, erroris caliginem ani-  
mis offundas, non ueritatis lucem rebus obscuris adfe-  
ras. Sed principiorum quanta sint in disciplinis mo-  
menta, haud facile credat, quirerum naturam ipsa spe-  
cie, non uiribus metiatur. Ut enim corporum quæ ori-  
untur & intereunt, uilissima tenuissimaque uidentur  
initia: itarerum eternarum & admirabilium, quibus  
nobilissime artes continentur, elementa ad speciem  
sunt exilia, ad uires & facultatē quam maxima. Quis  
non uidet ex fici tantulo grano, ut ait Tullius, aut ex  
acino uinacco, aut ex cæterarum frugum aut stirpium  
minutissimis seminibus tantos trun eos ramosq; pro-  
creari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu  
audituq; per exigua, quantā theorematum syluam no-

## PRAEFATIO.

bis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis sc̄i  
minibus, sic & in artium principijs inesse vim caru-  
retum, quæ ex his progignuntur. Praeclarè igitur Aris-  
toteles, ut alia permulta, μέγετον ἵστως & χάρακτος,  
χρήσιμον τῷ διδασκαλεῖ, τοσούτῳ μηχρότατον  
οὐδὲ μεγέθει χαλεπόν ὅστιν ὀφεῖται. Quocirca com-  
mittendum non est, ut non bene prouisa & diligenter  
explorata sciētiarum principia, quibus propositarum  
quorumq; rerum ueritas sit demonstranda, uel consti-  
tuas, uel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne  
tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatione  
turpiter deceptus, à uera principiorum ratione temere  
deflectas. Nam qui initio fortè aberrauerit, is ut tandem  
in maximis ueretur erroribus necesse est: cum ex uno  
erroris capite, densiores sensim tenebrae rebus clarifi-  
mis obducantur. Quid tam uarias ueterum physiolo-  
gorum sententias, non modo cum rerum ueritate pu-  
gnantes, sed uehementer etiam inter se dissentiētes no-  
bis inueniuit? Evidem haud scio fueritne illa potior  
anti dissidiij causa, quam quod ex principijs partim fal-  
sis partim non consentaneis ductas rationes probando  
adhiberent. Fit enim plerunque, ut qui non recte de ar-  
tium rerumq; elementis sentiunt, ad præfinitas quasdā  
opiniones suas omniareuocare studeant. Pythagorci,  
ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri summam  
perfectionem celo tribuerent, nec plures tamen quam  
noncum

## P R A E F A T I O.

nouem spheras cernerent, decimam affingere ausi sunt terra aduersam, quā & rr̄x dova appellantur. Illi enim universitatis rerumq; singularum naturam ex numeris seu principijs estimantes, ea protulerunt que rationeis congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagore, Anaximandri, ex reliquorum id genus physiologorum sonnia, ex falsis illa quidem orta naturae principijs, sed ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens prætereo. Nonnullos attingam, qui repetitis altius, uel aliter ac decuit positis rerum initijs, cum in physicis multa turbarunt, tum Mathematicos oppugnatione principiorum pessime multarunt. Ex planis figuris corpora constituit Timæus: Geometrarum hic quidem principia cuniculis oppugnantur, Nam ex superficies seu extremitates crassitudinem habebunt, ex lineæ latitudinem denique puncta non erunt individua, sed linearum partes. Prædicant Democritus atque Leucippus illas atomos suas, ex individua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic uero Geometricæ fundamenta aperte petuntur, ex funditus euertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud uidcorestare, quam ut amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si dijs placet, tot præclara Geometrarum de asymmetris exalogis magnitudinibus theorematha. Quid enim cause

P R A E F A T I O.

dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam  
 sc̄ro metiri non queat? Siquidem quod minimum in  
 unoquoque genere reperitur, id cōmuniſ omnium men-  
 ſura eſſe ſolet. Innumcrabilia profecto ſunt illa, qua  
 ex falsis eiusmodi decretis absurdā cōſequuntur: et ho-  
 rum permulta quidem Mathematicus, ſed longē plura  
 colligit Phyſicus. Quid uaria Φευδογραφημάτων  
 nera commcmorem, que ex hoc uno fonte tam longē  
 lateq; diuifia fluxiſſe uidentur? Notiſimius eſt Anti-  
 phōtis tetragōnismus, qui Geometrārum ex ipſe prin-  
 cipia non parum labefecit, cum rectae linea curuam po-  
 ſuit aequalcm. Longum eſſet mihi ſingula percenſere,  
 pŕeſertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum  
 & in perpetuum ratum eſſe oportet, quod ſapienſer  
 monet Aristoteles, σπεδαστὸν δπως δριſθῶς τι καλῶς  
 οὐ ἀρχαῖ. μεγάλων γδε ἔχοτι ῥοπὴν πρὸς ἐπόμενα.  
 Nam principijs illa congruere debent, quæ ſequuntur.  
 Quod si tantum perſpicitur in iſtis exilioribus Geo-  
 metriæ initijs, que punto, linea, ſuperficie definiuntur,  
 momētum, ut ne hæc quidē ſine ſummo impēdētiſ  
 ruine periculo conuelli aut oppugnari poſſint: quanta  
 queſo uis putanda eſt huius ſοιχείωσεως, quā collatis  
 tot pŕeſtatiſmorum artificum inuētiſ, mira quadā or-  
 dinis ſolertia contexuit Euclides, uniuerſae Mathesewſ  
 elemēta cōplexu ſuo coērentē? Ut igitur omniſ. rebus  
 inſtructior & paratiōr quifq; ad hoc ſtudium libētius

accor-

## P R A E F A T I O.

*dat, et singula uel minutissima exactius secum reputet  
atque perdiscat, operæ premium censui in primo institu-  
tionis aditu uestibulōque præcipua quedam capita,  
quibus tota sc̄re Mathematicæ scientiæ ratio intelliga-  
tur, breuiter explicare: tum ea quæ sunt Geometriæ  
propria, diligenter persequi: Euclidis denique in ex-  
truenda hac sc̄ripti consilium sedulò ac fideliter  
exponere. Que sc̄re omnia ex Aristotelis potissimum  
ducta fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-  
genuum animi candorem ad legendum attulerit. Ac  
de Mathematicæ diuisione primum dicamus.*

*Mathematicæ in primis scientiæ studiosos fuisse  
Pythagoreos, nō modò historicorum, sed etiam philo-  
sophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in par-  
tes quatuor uniuersum distribuatur Mathematicæ sci-  
entiae genus, quarum duas τετρὰ τὸ ποσὸν, reliquas τε  
τρὶ τὸ πυλίχον uersari statuerunt. Nam et τὸ ποσὸν  
uel sine ulla comparatione ipsum per se cognosci, uel  
certa quadam ratione comparatum spectari: in illo A-  
rithmeticam, in hoc uersari Musicam: et τὸ πυλίχον  
partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geo-  
metriæ propositum esse: quod uero sua sponte motu  
cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falso putet Mathemati-  
cam scientiam, quod in utroque quanti genere cer-  
nitur, idcirco inanem uideri ( si quidem non so-  
lum magnitudinis diuiso, sed etiam multitudinis*

## P R A E F A T I O.

accretio infinitè progredi potest) meminisse decet, τὸ  
τελίκον καὶ τὸ ποτὸν, que subiecto Mathematicæ gen-  
ri imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscun-  
que modi quantitatem significare, sed eā demum, que  
tum multitudine tum magnitudine sit definita, et suis  
circumscripta terminis. Quis enim ullam infiniti scientia-  
tiam defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet  
Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem comple-  
ti quenquam posse. Itaque ex infinita multitudinis  
et magnitudinis duvāμι, finitam hæc scientia decer-  
pit et amplectitur naturam, quam tractet, et in qua  
ueretur. Nam de uulgi Geometrarum consuetudine  
quid sciendum sit, cum data interdum magnitudine  
infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis  
subiecti affectiones exquirunt, discretè monet Aristot-  
eles, οὐδὲ νῦν (de Mathematicis loquens) δέονται τοῦ  
ἀπίρρητον, ἀλλὰ μόνον εἶναι στολὴν τοῦ  
λωνται τετεραποτέντων. Quamobrem disputatio ea  
qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis ra-  
tionibusq; non aduersatur, nec eorum apodixes labefas-  
cit. Etenim tali infinito opus illis nequaquam est, quod  
exitu nullo peragrari possit, nec talem ponunt infinitam  
magnitudinem: sed quantumcunque uelit aliquis  
effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quia  
etiam non modo immensa magnitudine opus non ha-  
bent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum instar  
maxima

## P R A E F A T I O.

maxima minima queque in partes totidem pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ divisionem attulit Geminus, vir quantum ex Proclo coniçere licet μαθημάτων laude clarissimus. Eam, quæ superiora replenior et accurasier fortè uisa est, cum doctissimè pertractarit sua in decimum Euclidis prefatione P. Montaureus vir senatorius, et regie bibliothecæ praefectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum uelut summis generibus, τῶν νοητῶν καὶ τῶν αἰσθητῶν, quæ res sub intelligentiam cadunt, Arithmeticæ et Geometria attribuit Geminus: quæ uero in sensu incurvunt, Astrologiae, Musicae, Sapputatrici, Optice, Geodesie et Mechanicæ adiudicauit. Ad hanc certè divisionem spectasse uidetur Aristoteles, cum Astronomiam, Opticam, harmonicam φυσικωτέρας τῶν μαθημάτων nominat, ut quæ naturalibus et Mathematicis interiectæ sint, ac uelut ex utrisque mixta disciplina: Siquidem genera subiecta à Physicis mutuantur, causas uero in demonstrationibus ex superiori aliquæ scientia repetunt, Id quod Aristoteles ipse apertissimè testatur, οὐταῦτα γάρ, φησί. τὸ μὲν δὲ, τῶν αἰσθητῶν εἰδήσιαι, τὸ δὲ διόλε, τῶν μαθημάτων. Sequitur, ut quid Mathematicæ conueniat cum Physica et prima Philosophia: quid ipsa ab utraque differat, paucis ostendamus. Illud quidem omnium commune est, quod in uerè contemplatione sunt posita, ob idq; θεωρητικὰ à Gra-

## P R A E F A T I O.

cis dicuntur. Nam cum diuinaria sive ratio & mens omnis sit uel τραπεζικὴ, uel ποιητικὴ, uel Γεωμετρικὴ, toti dem scientiarion sunt genera necesse est. Quòd si Physica, Mathematica, & prima Philosophia, nec in agendo, nec in efficiendo sunt occupatae, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationē que necessariò uersari. Cùm enim rerum non modo agentiarum, sed etiam efficiendarion principia in agente uel efficiente cōsistant, illarum quidem προάγεσι, harum autem uel mens, uel ars, uel uis quædam ex facultatibus rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, non in philosophis inclusa latent. Atque hec una in omnes ualeat ratio, que Γεωμετρiās esse colligat. Iam uero Mathematica separatim cum Physica cōgruit, quòd utraque uersatur in cognitione formarum corpori naturali inherentium. Nā Mathematicae plana, solida, lōgitudines & puncta contēplatur, que omnia in corpore naturali à naturali quoq; philosopho tractātur. Mathematica itē & prima philosophia hoc inter se propriè cōueniunt, quòd cognitionē utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à cōcretione materiae sunt liberae. Nam tametsi Mathematicae forme re uera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, οὐδὲ γίνεται φεῦδος χωρὶς ὀντών, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breviter diximus. Ia quid.

## PRAEFATIO.

quid interfit, videamus. Unaqueque mathematica-  
rum certum quoddam rerum genus propositum habet,  
in quo uestetur, ut Geometria quantitatem & con-  
tinuationem aliorum in unam partem, aliorum in  
duas, quorundam in tres: eorumq; quatenus quanta  
sunt ex continua, affectiones cognoscit. Prima autem  
philosophia, cum sit omnium communis, uniuersum  
Entis genus, queq; ei accidentur ex conuenient hoc ipa-  
so quod est, considerat. Ad hanc, Mathematica eam  
modo naturam amplectitur, que quanquam non moue-  
tur, separari tamen sciungique nisi mente ex cogitati-  
one à materia non potest, ob causam q; & quod  
potius dici consuevit. Sed Prima philosophia in iis  
uestatur, quæ ex sciuncta, & eterna, & ab omni mo-  
tu per se soluta sunt ac libera. Ceterum Physica ex-  
Mathematica quanquam subiecto discrepare non ui-  
dentur, modo tamen rationeque differunt cognitio-  
nis ex contemplationis, unde dissimilitudo quoque  
scientiarum sequitur. Etenim mathematicæ species  
nihil re uera sunt aliud, quam corporis naturalis ex-  
tremitates, quas cogitatione ab omni motu & ma-  
teria separatas Mathematicus contemplatur: sed eas-  
dem conjectatur physicorum ars, quatenus cum  
materia comprehensa sunt, & corpora motui obe-  
noxia circumscribunt. Ex quo fit, "ut quæcum  
que in Mathematicis incommoditates accidunt,

sedem

## PRAEFATIO.

cedem etiam in naturalibus rebus videantur accidere, non autem uicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incommoda, quae nihil ad Mathematicum attinent, sicut rō, inquit Aristoteles, rā μὲν ἔξ αφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαδηματικά, τὰ δὲ φυσικά εἰς προσθέσεως. Siquidem res cum materia deuinctas cōtemplatur physicus: Mathematicus uero rem cognoscit circumscriptis ijs omnibus que sensu percipiuntur, ut gravitate, levitate, duritate, molilitate, ex præterea calore, frigore, & alijsq; contrariorum paribus que sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem ex continuo. Itaque Mathematicorum ars in ijs que immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαδηματικὰ τῶν διττῶν ἀντικείμενών εἶναι, οἷον ταῦτα τὸν ἀστρολόγιον) que uero in natura obscuritate posita est, res quidem que nec separari nec motu uacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiae genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates eorum demostres. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, & equale, rotundum, uniuersa denique Mathematicus que tractat ex profitetur, absque motu explicari doceriq; possunt: χωρὶς δὲ τῆς τούτης κανόνος εῖται. Physicæ autem sine motione species nequaquam possunt intelligi. Quis enim hominis, plantæ, ignis, ōris, carnis naturam ex proprietates sine motu qui materialiam sequitur, perficiat? Siquidem tantisper substantia

## PRAEFATIO.

stantia queque naturalis cōstare dici solet, quoad opus  
et munus suum, agendo patiendoq; tueri ac sustinere  
ualeat: qua certè amissa διωκόμενη, ne nomine quidem nisi  
διωτύμας retinet. Sed Mathematico ad explicandas  
circuli aut trianguli proprietates, nullum adferre pos-  
test usum, materia ut auri, ligni, ferri, in qua insunt,  
consideratio: quin è uerius eiusmodi rerum, quarum  
species tanquam materia uacantes efformemus animo,  
naturam completemur, quòd coniunctione materiae  
quasi adulterari deprauariq; uidentur. Quocirca Ma-  
thematicæ species eodem modo quo χοιλὸν, sive conca-  
uitas, sine motu et subiecto, definitione explicari co-  
gnosciq; possunt: naturales uero cum eam vim habeat,  
quam, ut ita dicam, similitas, cum materia comprehensa  
sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus  
exemplis quid inter Physicas et Mathematicas spe-  
cies interficit, haud difficile est animaduertere. Illis cer-  
te non semel est usus Aristoteles. Valcant ergo Prota-  
goræ sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, q.  
circulus normam puncto non attingat. Nā diuina Geo-  
metrarum theorematu*m* qui sensu estimabit, uix quicq;  
reperiet quod Geometra cōcedendum uideatur. Quid  
enim ex his que sensum mouent, ita rectum aut rotun-  
dum dici potest, ut à Geometra ponitur? Nec uero ab-  
surdum est aut uitiosum, quòd lineas in puluere descri-  
ptas pro rectis aut rotundis assumit, que nec rectæ  
sunt

## P R A E F A T I O.

Sunt nec rotunde, ac ne latitudinis quidem expertes. Sed quidem non ipsis utitur geometra quasi inde uita habeat conclusio, sed corum que discenti intelligenda relinquuntur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui primum instituuntur, hi ductu quodam et uelut χρηματωγια sensuum opus habent, ut ad illa que sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi comparare queant. Sed tamen existimandum non est rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac non eam tantum que sensum afficit. Est enim materia alia que sub sensum cadit, alia que animo et ratione intelligitur. Illam ανθρώπινην, hanc vontrinuocat Aristoteles. Sensu percipitur, ut es, ut lignum, omnisq; materia que moueri potest. Animo et ratione cernitur ea que in rebus sensilibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur, quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Aristotele scriptum legimus ἐπὶ τῶν οὐκ εἰδούσιν rectum se habere ut simian: μετὰ συνεχοῦς γραφ: quia si uelit ipsius recti, quod Mathematicorum est, suam esse materiam, non minus quam simi quod ad Physicos pertinet. Nam licet res Mathematicae sensili uacent materia, non sunt tamen individue, sed propter continuationem partitioni semper obnoxiae, cuius ratione dici possunt sua materia non omnino carere: quin aliud uidetur τὸ έιδει γραμμή, aliud quoad continuacioni adiuncta intelligitur linea. Illud enim ceu forma in mate-

## P R A E F A T I O.

materia, proprietatum causa est, quas sine materia percipere non licet. Hac est societatis et disidiij Mathematicae cum Physica et prima Philosophia ratio. Nunc autem de nominis etymo et notatione pauca quedam afferenus. Nam si que iudicio et ratione imposita sunt rebus nomina, ea certe non temere indita fuisse credendum est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque otiosa semper haberi debet ista etymologie indagatio, cum ad rei etiam dubiae fidem saepe non parum ualeat recta nominis interpretatio. Sic enim Aristoteles dicit ex uerborum ratione argumento, αὐτοὶ μάτης οἱ θεοὶ αὐτοὶ, aliarumque rerum naturam ex parte conformati. Quoniam igitur Pythagoras Mathematica scientiam non modo studiosè coluit, sed etiam repetitissimè a capite principijs, geometricam contemplationem in liberalis discipline formam composuit, et perspectis absque materia, solius intelligentiae adminiculo theorematicis, tractationem περὶ τῶν ἀλόγων, et χοσμικῶν σχημάτων constitutionem excogitauit: credibile est, Pythagorā, aut certe Pythagoricos, qui et ipsi doctoris studia libenter amplexi sunt, huic scientiae id nomine deditisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, γερίωνque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cum existimat illi omnē disciplinā, quae uadit, dicitur, ἀναμνησιν esse quandam, i.e. recordationem et repetitionem eius scientiæ, cuius ante quā in corpus

impedit

## P R A E F A T I O.

immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Pla-  
to quoque in Menone, Phaedone, et alijs aliquot locis  
uidetur astruxisse: animaduerterent autem eiusmodi  
recordationem, quæ non posset multis ex rebus perspi-  
ci, ex his potissimum scientijs demonstrari, si quis nū  
mirum, ait Plato, έτι τὰ διαγράμματα ἄγε: proba-  
bile est equidem Mathematicas à Pythagoreis artes  
κατ' ἔξοχὸν fuisse nominatas, ut ex quibus μάθησις,  
id est æternarum in anima rationum recordatio διαφε-  
ρότως et præcipue intelligi posset. Cuius etiam rei fu-  
dem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menone Socratē  
induxit hoc argumēti genere persuadere cupientem,  
discere nihil esse aliud quam suarum ipsius rationum  
animum recordari. Etenim Socrates pusionē quendā,  
ut Tullij uerbis utar, interrogat de geometrica dimen-  
sione quadrati: ad ea sic ille respondet ut puer, et tan-  
tem tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim re-  
spondens, eodem perucniat, quòd sī geometrica didicis-  
set. Aliam nominis huius rationem Anatolius expo-  
suit, ut est apud Rhodiginum, quòd cùm ceteræ disci-  
pline deprehendi uel nō docēte aliquo possint omnes,  
Mathematica sub nullius cognitionem ueniant, nisi  
præcunte aliquo, cuius solertia succidantur uerpta,  
uel exurantur, et superciliosa complangentur aspreta.  
Ita enim Cælius: quod quam uim habeat, non est huius  
loci curiosius perscrutari. Evidem M. Tullius Mathe-  
maticos

## P R A E F A T I O.

maticos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multiplicitate ac subtili uersari scribit. sed quis nescit id ipsum cum alijs grauioribus scientijs esse communne? Est enim, uel eodem auctore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaq; est et in ipsis rebus obscuritas, et in iudiciis nostris infirmitas: nec ullus est, modo interius paulo Physica penetrarit, qui non facile sit expertus, quam multi uideantur emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, et inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam uerbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censco. Hactenus de uniuerso Mathematica genere, quanta potui et perspicuitate et breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea differam, que initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, que uersatur in cognitione magnitudinum, figurarum, et quibus haec continentur, extremorum, item rationum et affectionum, que in illis cernuntur ac inherent: ipsa quidem progrediens a puncto individuo per lineas et superficies, dum ad solida condescendat, uariasq; ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstrativa, ut docet Aristoteles, tribus quasi mo-

## P R A E P A T I O.

mentis continetur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirit et contemplatur: causis et principijs, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: et proprietatibus, que de genere subiecto per se enunciantur: Geometria quidē subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circulis, planis, solidis, atque omnino figuris et magnitudinibus, carūmque extremitatibus consistit. His autem inherent diuisiones, rationes, tactus, aequalitates, παραβολαj, ὑπερβολαj, ἀλέτης, atque alia generis eiusdem propè innucrabilia. Postulata uero et Axiomata ex quibus haec inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quouis cētro et interuallo circulum describere. Si ab aequalibus aequalia detrahas, que relinquuntur esse aequalia, ceteraq; id genus pmulta, que licet omnium sint cōmunia, ad demōstrandū tamen tum sunt accōmodata, cūm ad certum quoddā genus traducuntur. Sed cūm precipua uideatur Arithmetica et Geometria in ter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit a xpī ēstīga et exactior quā Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic uero et Aristotelem sequemur dum, qui scientiam cum scientia ita cōparat, ut accuratior m ēsse uelit eam, que rei causam docet, quā quae rē ēsse tātū declarat: deinde quae in rebus sub intelligen: iam cadentibus uersatur, quamquae in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enī et Arithmetica quam

## P R A E F A T I O.

quād Musica, & Geometria quād Optica, & Stereometrya quād Mechanica exactior esse intelligitur Postremo que ex simplicioribus initij constat, quād que aliqua adiectione compositis utitur. Atque hac quidem ratione Geometria p̄st̄t Arithmetica, quod illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est c̄n̄m punctum, ut Pythagoreis placet, unitas que situm obtinet: unitas uero punctum est quod situ uacat. Ex quo percipitur, numerorum quād magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse priores, & à concretione materie magis disiunctos. Hec quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum effert, opib̄sque suis ac rerum ubertate multiplici uel cum Arithmetica certet: id quod tūc facile deprehēdas cūm ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quae sit Arithmetica & Geometria societas, videamus. Nam theorematum quae demonstratione illustrātur, quedam sunt utriusque sciētiae communia, quedam uero singularum propria. Etenim quod omnis proportio sit p̄nt̄s sive rationalis, Arithmetice soli conuenit, nequaquam Geometrie, in qua sunt etiam appr̄ḡi, seu irrationales proportiones: item, quadratorum gnomonas minimo definitos esse, Arithmetice proprium ( si quidem

## P R A E F A T I O.

In Geometria nihil tale minimum esse potest) sed ad Geometriam proprie spectant situs, qui in numeris locum non habent: tamen, qui quidem à continuis admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse solet. Communia porrò utriusque sunt illa, quæ ex sectionibus conueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quod sectio per extremam & medianam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam uero ex theorematis eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmeticam traducuntur: alia contraria ex Arithmeticâ in Geometriam transferuntur: quedam uero perinde utrique scientiae conueniunt, ut quæ ex uniuersa arte Mathematica in utrunque hanc conueniant. Nam & alternaratio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hunc modo communia sunt utriusque. Que autem sunt ταχὶ συμμετρῶν, id est, de commensurabilibus, Arithmeticâ quidem primum cognoscit & contemplatur: secundo loco Geometria Arithmeticam imitata. Quare & commensurabiles magnitudines illæ dicuntur, que rationem inter se habent quam numerus ad numerum, perinde quasi commensuratio & σύμμετρον in numeris primum consistat (Vbi enim numerus, ibi & σύμμετρον cernitur: & ubi σύμμετρον, illic etiam numerus) sed quæ triangulorum sunt & quadrangulorum, &

Geome-

## P R A E F A T I O.

Geometra primùm considerantur: tūn analogia quādā Arithmeticus eadē illa in numeris contemplatur. De Geometriæ divisione hoc adiiciendum puto, quod Geometriæ pars altera in planis figuris cernitur, que solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera uero solidas contemplatur, que ad duplex illud interuallum crastitudinem adsciscunt. Illa generali Geometriæ nomine ueteres appellantur: banc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanicā non raro comparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis antecēdit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem ētate ullam fuisse omnino uerion est, quemadmodum à Platone scriptum uidetur. Ad Geometriæ utilitatem accedo, que quanquam suapte uirū & dignitate ipsa per se nititur, nullius usus aut actionis ministerio mancipata (ut de Mathematicis omnibus scientijs concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen utilitatis externe queritur, Diū boni quām lētos, quām uberes, quām uarios fructus fundit. Nec uero audiendus est uel Aristip-  
pus, uel Sophistarum alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quod ex fine nihil docere uideantur, eiusq; quod melius aut deterius nullam habeant rationem. Ut enim nihil cause dicas, cur sit melius, trianguli, uerbi gratia, tres angulos duobus effectis

## P R A E F A T I O.

equales: minime tamen fuerit consentaneion, Geome-  
tria cognitionem ut inutilem exagitare, criminari,  
explodere, quasi que finē et bonum quō referatur,  
habet nullum. Multas haud dubiè solius contempla-  
tionis beneficio citra materie contagionē adserit Geo-  
metria cōmoditates partim proprias, partim cum uni-  
uerso generc cōunes. Cūm enim Geometria, ut scri-  
psit Plato, eius quod semper est cognitionē profitea-  
tur, ad ueritatem excitabit illa quidem animum, et ad  
ritē philosophandū cuiusque mentem comparabit.  
Quinetiam ad disciplinas omnia facilius perdiscēdas,  
attigeris nēcne Geometriam, quanti referre cēfēst. Nā  
ubi cum materia coiungitur, nōnne præstatiūnas pro-  
creat artes, Geodēsiā, Mechanicā, Opticam, quarā  
omnium usu, mortalium uitā summis beneficijs cōpla-  
ctitur? Etenim bellica instrumenta, urbiūnque propu-  
gnacula, quibus munita urbes, bostium uim propulsa-  
rent, his adiutricibus fabricata est: montium ambitus  
et altitudines, locorūnque situs nobis indicauit: de-  
metiendorum et mari et terra itinerum rationē p̄  
scripsit: trutinas et stateras, quibus exacta numero-  
rum equalitas in ciuitate retineatur, composuit: uni-  
versi ordinem simulachris expressit: multaque que ho-  
minum fidem superarent, omnibus persuasit. Vbiique  
extant p̄eclara in eam rem testimonia. Illud memora-  
bile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nam extrin-  
seco usita

## P R A E F A T I O.

Eto uaste motis nauigio, quod Hiero AEgyptiorum regi Ptolemeo mitteret, cion uniuersa Syracusana- rum multitudo collectis simul uiribus nauem trahere non posset, effecissetque Archimedes ut solus Hiero illam subduceret, admiratus uiri scientiam rex ait  
tauρης, Ιπη, της ιμερας, της πατρος αρχιμηδη λε-  
γοντες ηρωες. Quidquid Archimedes idem, ut est  
apud Plutarham, Hieroni scripsit datis uiribus da-  
tum pondus moueri posse; fretusq; demonstrationis  
robore, illud sape iactarit, si terram haberet alteram  
ubi pedem figeret, ad eam, nostram hanc se transmo-  
uere posse? Quid uaria auro uirorum machinariorumque  
genera, ad usus necessarios comparata memorem? Im-  
memorabilia profectò sunt illa, ex admiratioe dignifi-  
sima, quibus prisci homines in credibili quodā ad phi-  
losophandum studio concitati, in opem mortalium ui-  
tam artis huius praesidio subleuarunt: tametsi memo-  
rie sit proditum, Platonem Eudoxo et Archytæ ui-  
tio uertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia  
et organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis ex-  
labefieri Geometricæ præstantiam, que ab intelligi-  
bilibus et incorporeis rebus ad sensiles et corpo-  
reas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scri-  
psit Plato Geometrarum esse uocabula, que quasi ad  
opus et actionem spectent, ita sonare uidentur.  
Quid enim est quadrare, si non opus facere? Quid

P R A E F A T I O,

addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eius modi nomina, quibus necessario est tanquam coacti geometræ utuntur, quippe cum alia desint in hoc genere commodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristoteles, sic denique philosophi omnes, Geometriā ipsam cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo usu exterioro, sed ex rerum ratione intelligentia estimandam esse. Exposita breuius quam res tanta dici posset, utilitatis ratione, Geometriæ ortum, qui in hac ratione per riodo ex historicorum monumentis nobis est cognitus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios inuenta, (ne ab Adamo, Setho, Noah, quos cognitione rerum multiplici ualuisse constat, eam repetamus) ex terrarum dimensione, ut verbi præse fera ratio, ortum habuisse dicitur: cum anniversaria Nili inundatione et incrementis limo obducti agrorum termini confunderentur. Geometriam enim, sicut et reliquas disciplinas, in usu quam in arte prius fuisse diuinit. Quod sane mirum uidcri non debet, ut et huius et aliarum scientiarum inuentio ab usu cœperit ac necessitate. Etenim tempus, rerum usus, ipsa necessitas ingenium excitat, et iugauiam acuit. Deinde quicquid ortum habuit (ut tradunt Physici) ab inchoato et imperfecto processit ad perfectum. Sic artium et scientiarum principia experientia beneficio collecta sunt: experientia uero à memoria fluxit, quæ et ipsa à sem-

## PRAEFATI<sup>O</sup>

ā sensu primū manauit. Non quod scribit Aristoteles, Mathematicae artes, comparatis rebus omnibus ad uitam necessarijs, in Aegypto fuisse constitutas, quod ibi sacerdotes omnium concessu in otio degrevēt; non negat ille adductos necessitate bonimes ad exco<sup>gi</sup>tandam, verbi gratia, terre dimicende rationem, que theorematum deinde inuestigationi causam derit; sed hoc conformat, proclara eiusmodi theorema<sup>m</sup>atum inuenta, quibus extorta Geometria disciplina constat, ad usus uitæ necessarios ab illis nō esse excepita. Itaque uetus ipsum Geometria nomen ab illa terre partiunde finiumq; regundorum ratione postea recepsit, et in certa quadam affectionum magnitudini per se inherentium scientia propriè remansit. Quemadmodum igitur in mercium et contractuum gratiam, supputandi ratio, quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phoenicibus initium duxit ita etiam apud Aegyptios, ex ea quam commemorauit causa ortum habuit Geometria. Hanc certè, ut id obiter dicam, Thales in Græciam ex Aegypto primū transtulit; cui non paucæ deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, alijsq; compluribus, ad Euclidis tempora factæ sunt rerum magnarum accessiones. Ceterum de Euclidis etate id solum addam, quod à Proclo memorie mandatum acceptimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum

## P R A E F A T I O.

equalibus tunc discipulis, subiicit, nō multo etate p̄  
teriorē illis fuisse Euclidem eum, qui Elementa cō-  
scripsit, & multa ab Eudoxo collecta, in ordinem lu-  
culentum cōpofuit, multaque à Theateto inchoata  
perficit, queq; mollius ab alijs demonstrata fuerāt,  
ad formissimas & certissimas apodixes renocavit. Vi-  
tebit autem, inquit ille, sub primo Ptolemeo. Et enī fū-  
runt Euclidē à Ptolemeo quondam interrogatum, nun-  
qua esset via ad Geometriā magis cōpendiaria, quām  
sit ista σορθείας, respondisse, μὴ τινὰ βασιλεῖαν  
& Σανδὸν ἐνὶ γεωμετρίᾳ. Deinde subiungit, Euclidē  
natū quidem esse minorem Platone, maiorem uero  
Eratosthene & Archimede (hi enim aequales erant)  
cum Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quod  
si quis egregiam Euclidis laudem, quam cūm ex alijs  
scriptionibus accuratisimis, tūm ex hac Geometrica  
σορθείᾳ & cōsequutus est, in qua diuinus rerum ordo  
sapientissimis quibusque hominibus magne semper  
admirationi fuit, is Proclum studiosè legat, quō rei ue-  
ritatē illustriore reddat grauiſſimi testis auctoritas.  
Supereft igitur ut finem uideamus, quō Euclidis ele-  
menta referri, & cuius causa in id studium incumbere  
oporteat. Et quidem sires que tractantur, conſyde-  
res: in tota hac tractatione nihil aliud queri dixeris,  
quām ut κοσμικὰ que uocātur, σχήματα (fuit enim  
Euclides profefione & instituto Platonicus). Cubus,  
Icoſaēdrum, Octaēdrum, Pyramis & Dodecaēdrum

## PRÆFATI.

certa quadam in suorum & inter se lateriorum, & ad sphæ  
re diæmetrum ratiōe eidem sphære inscripta compre  
hendantur. Huc enīm pertinet Epigrāmation illud ne  
tus, quod in Geometrica Michaēlis Pfelli oīusōd  
scriptum legitur.

Σχῆματα τίνει Πλάτωνος, & Πυθαγόρας Γράμ  
μα,

Πυθαγόρας τοφὸς ἡρε, Πλάτων δὲ αριθμοῦ εἶδε  
δαξεν,

Εὐκλείδης ἐπὶ τοῖσι χλεος περικαλλεὶς ἔτεχεν.

Quod si discentis institutionem spectet, illud certè  
fuerit propositionem, ut huiusmodi clementorum cogni  
tione informatus discentis animus, ad quālibet nāmo  
dō Geometriæ, sed et aliarum Mathematicæ partium  
tractationem idoneus paratusq; accedat. Nam tamet si  
institutionem hanc solus sibi Geometra uendicare uit  
detur, & tanquam in possessionem suam uenerit, ali  
os excludere posse: inde tamē permulta suo quodāmo  
do iure decrēpit Arithmeticus, pleraque Musicus,  
non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus,  
Mechanicus, itēnque ceteri: nec ullus est denique ar  
tisfex præclarus, qui in huius sc possessionis societate  
cupide non offerat, partēnque sibi concedi po  
stulet. Hinc σοιχεῖωτις absolutum operi nomen,  
& σοιχεῖωτις dictus Euclides. Sed quid longius pro  
uebor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiosè

et crudelē

eruditè scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem  
 dixi, loco P. Montaureus, ut nihil desiderio loci reli-  
 querit. Que uero ad dicendum nobis erant proposi-  
 ta, hactenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi  
 perfecisse uideor. Nam tametsi et hec eadem et alia  
 pleraque multo forte preclariora ab hominibus do-  
 ctiissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili  
 quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius,  
 splendidius, uberior tractari posse scio: tamen expe-  
 riri libuit num quid etiam nobis diuino sit concessum  
 munere, quod rudes in hac philosophie parte discipu-  
 los adiuuare aut certè excitare queat. Huc accepit  
 quod ista recens elementorum editio, in qua nihil no-  
 parum fuisse studij aliquid à nobis efflagitare uide-  
 batur, quod eius commendationem adaugeret. Cum  
 enim vir doctissimus Io. Magnienus Mathematica-  
 rum artium in hac Parrhisiicrum Academia professor  
 uerè regius, nostrum hunc typographum in excuden-  
 dis Mathematicorum libris diligenter etiam, ad hanc  
 Elementorum editionem sèpè et multum effet ad-  
 hortatus, ciusq; impulsu permulta sibi iam compa-  
 rasset typographus ad hancrem necessaria, citò in-  
 teruenit, malum, Ioannis Magnieni mors insperata,  
 que tam græue inflxit Academiæ vulnus, cui ne post  
 multos quidem annorum circuitus cicatrix obduci  
 nulla posse uideatur. Quamobrem amissò instituti hu-

## PRÆFATI.

ius operis ducere, typographus, qui nec sumptus antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id munere erat pollicitus, sua spe cadere uellet, ad me uenit, & impensè rogauit ut meam propositæ editioni opera & studium nauarem, quod cum diligenter occupatio nostra, iuberet officij ratio: feci euidem rogatus, ut que subobscure uel parum commode in sermonem latitudinem è græco translata uidabantur, clariore, aptiore & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque pace dictum uolo) lucem acciperent. Id quod in omnibus serè libris posterioribus tute primo obtutu perspicias. Nam in sex prioribus non tantum temporis quantum in cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpretatio, qua melior nulla potuit adserri, P. Montaureo solida debetur. Atque ut ad perspicuitatem facilitatemq; nihil tibi deesse queraris, adscripta sunt propositionibus singulis uellineares figure, uel punctorum tanquam unitatum notulae, que Theonis apodixim illustrant: illæ quidem magnitudinum, hæ autem numerorum indicis, subscriptis etiā ciphraryon, ut uocant, characteribus, qui propositum quemuis numerum exprimant: ob easq; causam eiusmodi unitatum notulae, que pro numeri amplitudine maius pagine spatium occuparent, pauciores sepius depictæ sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarum, ut a, b, c, characteres non modo numeris & numero-

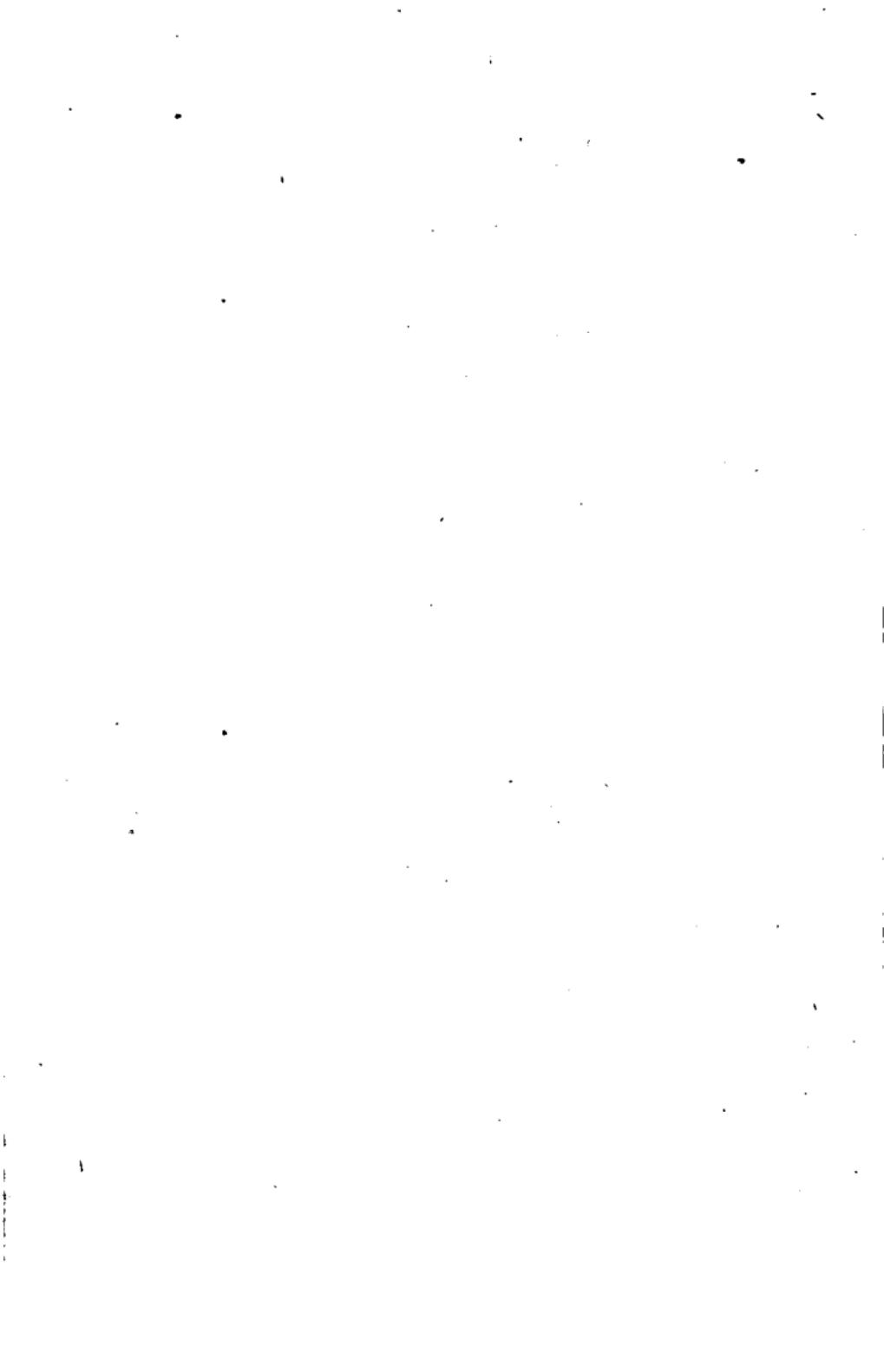
## P R A E F A T I O.

ram partibus nominandis sunt accommodati, sed etiam  
generales esse nomina ratione ut magnitudinum affectio-  
nes testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis  
non paenitenda Theonis scholia, sive manus lemmata,  
qua quidem longè plura accessissent, si plus otij ex  
temporis uacui nobis fuisset relictum, quod huic  
studio impartiremus. Hanc igitur operam  
boni consule, & que obvia erunt im-  
precisionis uitia, candidus  
emenda. Vale.

Lutetiae 4. Idus April. 1557.

## F I N I S.





# ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

## EVCLIDIS ELEMENTA

TVM PRIMVM.

δΡΟΙ.



Ημεῖόν δέ τι, οὐ μέρος οὐθέν.

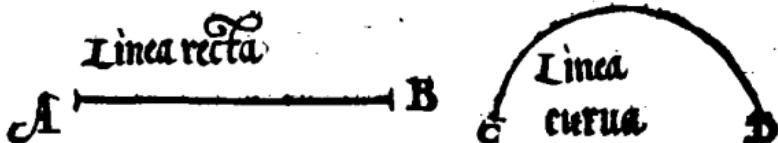
### DEFINITIONES.

<sup>α</sup>  
Punctum est, cuius pars  
nulla est.

Punctum

<sup>β</sup>  
Γραμμή δέ, μῆκος ἀπλατές.

<sup>γ</sup>  
Linea vero, longitudo latitudinis expers.



<sup>γ</sup>  
Γραμμῆς δέ πέρατα συμένα.

<sup>δ</sup>  
Lineæ autem termini, sunt puncta.

<sup>ε</sup>  
Εἰδῆς γραμμή δέ τι, οὐς τέσσας τοῖς ἐφ' εἰλήν οὐκ  
μείοις κεῖται.

A

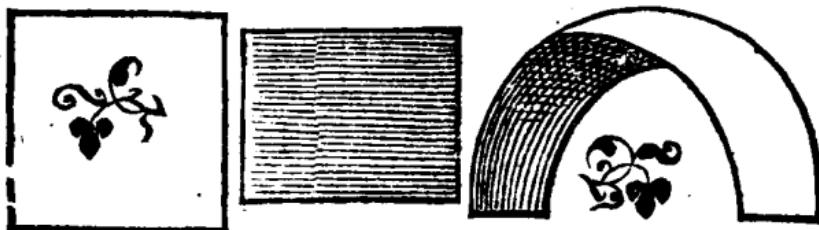
4 Recta

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

4  
Recta linea est, quæ ex æquo sua interiacet puncta.

5  
Επιφάνεια, ἡ έτιν. δ μήκος καὶ πλάτος μέσον ἔχει.

6  
Superficies est quæ longitudinem latitudinemque tantum habet.



7  
Επιφάνειας ἡ πέρατα, γραμμαι.

6  
Superficiei extrema, sunt lineæ.

7  
Επίπεδος ὁ περάντα, ἐπειν τὸς στρῶσ τῆς φ' ἐπειν  
ἐυθείας χεῖται.

7  
Plana superficies, est quæ ex æquo suas interiacet lineas.

8  
Επίπεδος ἡ γωνία ἐσίν, ἡ ἀπίπεδη. δύο γραμμῶν  
ἀπλομένων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κριμένων,  
πρὸς

πρὸς ἄλληλας τῶν γραμμῶν χλεύσεις.



Planus angulus  
est duarum li-  
nearum in pla-  
no se mutuò tā  
gentium, & nō  
in directum ia-  
centium, alte-

rius ad alteram inclinatio.

8

ὅταν δὲ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν γραμμαὶ, ξυνθέται  
ῶσιν, έυθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cùm autem quæ angulum continent lineæ,  
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus appellatur.

ὅταν δὲ έπειδὴν τὰς ξυνθέτας γραμμάς, τὰς έφεξης γω-  
νίας ισας ἄλληλας ποιῇ, ὅρδιν ὅτιν έχετέρα τῶν  
ισωγωνιῶν: Καὶ ή έφεγκῦα έυθεῖα κάρδεος κα-  
λεῖται

A 2

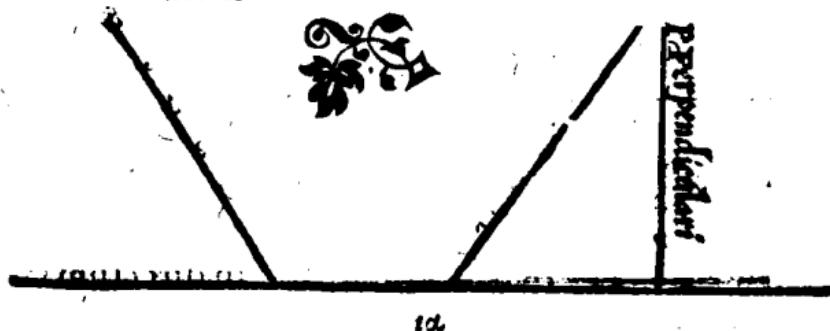
λεῖται

EUCOLID. ELEMENT. GEOM.

λεῖταγίφ' ἐνέργειαν

10

Cum vero recta linea super rectam consitens lineam, eos qui sunt deinceps angulos aequales inter se fecerit: rectus est uterque aequalium angulorum: & quæ insistit recta linea, perpendicularis vocatur eius cui insistit.



ia

Αμβλεῖα γωνία εἰν, ἡ μείζων ὀρθῆς.

ii

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

iii

Οξεῖα ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς.

iv

Acutus vero, qui minor est recto.

v

ἄροις εἰν, δ τινός οἵτινες.

vi

Terminus est, quod alicuius extreum est.

ιδ Εχη-



**Σχῆμα ἔτι, τὸ ὑπό τινος, οὐ τινῶν ὅρων περιγέγραπτον.**

**14**  
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus certis  
minis comprehenditur.

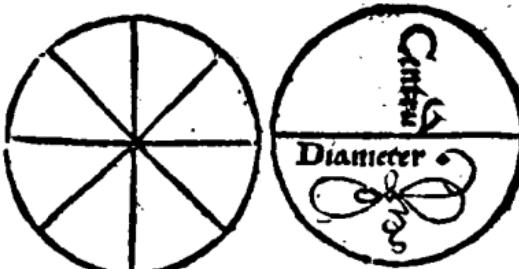
**15**

Kύκλος est in σχήμα ἐπίπεδον, ὑπὸ μᾶς γραμμῆς  
περιεχόμενον, οὐ καλύται περιφέρεια, περὶ οὗ ἡν, ἀριθμὸς σημείών τῶν στότος τοῦ σχήματος καμένων, πάσαις αἷς περισπίπτουσαι εὐθεῖαι, οἵσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

**15**

Circulus est figura plana sub una linea comprehensa, quæ circiperaria appellatur: ad quam ab uno puncto eorum, quæ intra figuram sunt posita, cadentes omnes rectæ lineæ inter se sunt æquales.

▲ 3      16 Kav-



EVLVCIID. ELEMENT. GEOM.

15

Κέντρον τοῦ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

17

Διάμετρος ἐστὶ τοῦ κύκλου, οὐθὲνά διὰ τοῦ κέντρου ήγειν, καὶ περιπλέκει τὸν κύκλον, εἰπόντος τοῦ κύκλου περιφερείας, οὐδὲν καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον.

18

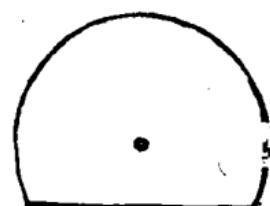
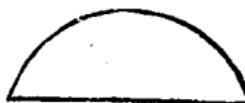
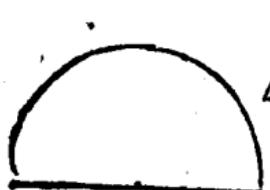
Diameter autem circuli, est recta quædam linea per centrum ducta, & ex utraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circumficiam bifariam secat.

19

ἡμικύκλιον ἐστὶ, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπότε τῆς διαμέτρου, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας.

20

Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ealinea, quæ de circuli peripheria aufertur.



εθ Τμῆμα

18

Τμῆμα κύκλου εἰς τὸ περιεχόμενον ὑπό τε ξυθείας,  
καὶ κύκλου περιφερείας.

19

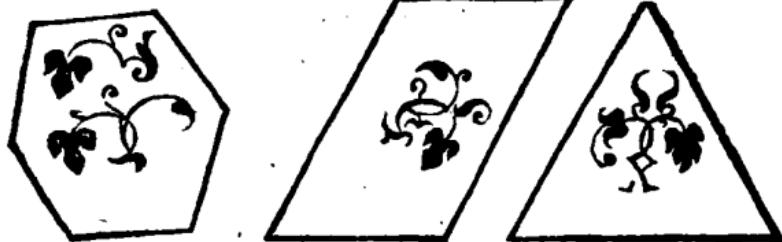
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-  
ctilinea & circuli peripheria continetur.

x

Εὐδύγραμμα σχήματά էστι, τὰ ὑπὸ ξυνθετικῶν περιε-  
χόμενα.

20

Rectilineæ figuræ, sunt quæ sub rectis lineis  
continentur.



xa

Τρίπλευρα μὲν, τὰ ὑπὸ Σεών.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

xβ

Τετράπλευρα δέ, τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

xv

Πολύπλευρα ἔ, τὰ διώπλευραν ἡ τεσσάρων ἐυθύ-  
ῶν πλευρῶν μέν.

23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quam  
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

xvi

Τῶν δὲ οὐ πλεύρων σχημάτων, οὐ πλευρὸν μὲν δίγων  
τὸν δέ, τὸ δὲ οὐσας ἔχον πλευράς.

24

Tri laterarum porrò figu-  
rarum, æquilaterum est  
triangulum, quod tria la-  
tera habet æqualia.

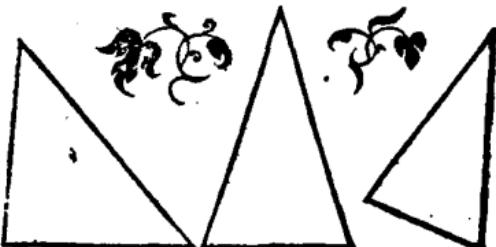


xvii

Ισοσκελὲς δέ, τὸ τὰς δύο μόνας οὐσας ἔχον πλευράς.

25

Isoceles  
autem, est  
quod duo  
tantum æ-  
qualia ha-  
bet latera.

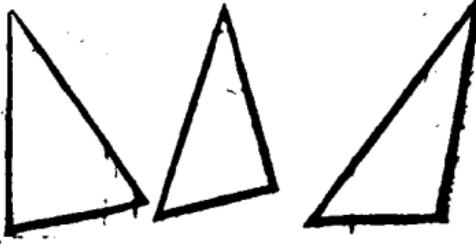


xviii

Σκαλωτὸν δέ, τὸ τὰς δύες οὐσας ἔχον πλευράς.

26 Scam

26  
Scalenum  
verò, est  
qd' tria in-  
equalia ha-  
bet latera.



xξ

Μετὲ τῶν πεπλεύρων σχημάτων, ὅρθογώνων μὲν  
σύγχυτον δέι, τὸ ἔχον ὅρθην γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarum figurarū, rectan-  
gulum quidem triangulum est, quod rectū  
angulum habet.

xη

Αμβλυγώνιον δέ, τὸ ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

28

Ἄρδηlygonium autem, quod obtusum an-  
gulum habet.

xθ

Οξυγώνιον δέ, τὸ πεπλεύρων σχημάτων, τε σάγκων μέν  
δέι, δὲ ἴσοπλευρόν τέ δέι, καὶ ὅρθογώνιον.

29

Oxygenium verò, quod tres habet acutos  
angulos.

λ

Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχημάτων, τε σάγκων μέν  
δέι, δὲ ἴσοπλευρόν τέ δέι, καὶ ὅρθογώνιον.

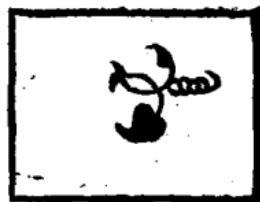
30

Quadrilaterarum autem figurarū, quadra-

A 5 tum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tū qui  
dé est,  
qd &  
æquila-  
terū &  
rectan-  
gulū est.



λα

Επερόμηκες ἵ, δ ὁρθογώνιον μὲν, οὐχὶ ἴσοπλευρον δέ.  
31

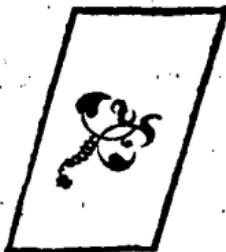
Altera parte longior figura est, quæ rectan-  
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ρόμβος ἵ, δ ἴσοπλευρον μὲν, οὐχὶ ὁρθογώνιον δέ.

32

Rhom-  
bus au-  
tē, q æ-  
quila-  
terū &  
rectan-  
gulū ē.



λγ

Ρομβοεδεῖς ἵ, τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γω-  
νίας ἵσας ἀλλήλας ἔχον, δύτε ἴσοπλευρον ἕστιν, οὐ-  
τε ὁρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera &  
angulos habens inter se æqualia, neq; æqui-  
latera est, neq; rectangula.

λδ τδ

λδ

Τὰ δὲ παρὰ ταῦτα τε δίπλευρα, οὐκέτια καλεῖσθω.

34

Præter  
has au-  
tem, re  
liquæ  
quadri  
lateræ  
figuræ, trapezia appellantur.

λε

Παράλληλοί εἰσιν ἐυθεῖαι, οὐκέτια, σὺν τῷ αὐτῷ διπ-  
πέδῳ εὖσαι, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἀττίφρον, ἐφ' ἐκά-  
τερα τὰ μέρη, ἐπὶ μηδετέρᾳ συμπίπτουσιν ἀλλή-  
λαις.

35

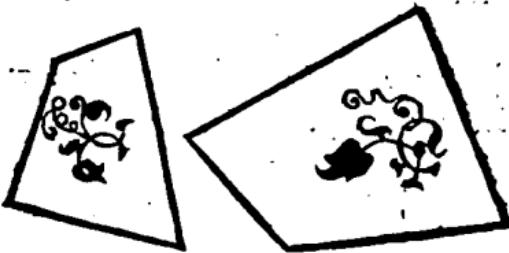
Parallelæ rectæ lineæ sunt  
quæ, cùm in eodem sint pla-  
no, & ex utraque parte in in-  
finitum producantur, in neutram sibi mu-  
tuò incident.

Αἰτίατα.

α

Ητήσθω, ἀτὸ ταντὸς συμείχεται τῶν συμείον ἐυ-  
θεῖαι γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Postus.



EYCLID. ELEMEN. GEOM.

Postulata.

I  
Postuletur, ut à quovis punto in quodvis punctum, rectam lineam ducere cōcedatur.

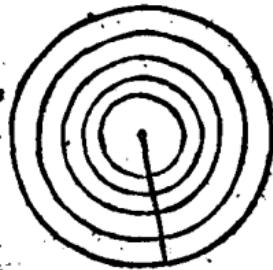
β

Καὶ πεπιρασμένου ἐυθεῖαν, κατὰ τὰ συνεχῆς ἔτος  
ἐνθέασεκεάλλην.

2  
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum  
rectā producere.

Καὶ πάντες κέντρον, καὶ διαστήματα κύκλον γράφεσθαι.

3  
In quovis centro & in-  
tervallo circulum descri-  
bere.



Κοινοὶ ἔννοιαι.

a  
Τὰ τῷ αὐτῷ ίσα, καὶ ἀλλοις έτιν ίσα.

Communes notiones.

I  
Quæ eidē æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ τὰς ισοις ίσα προσεῦθη, τὰ ὅλα έτιν ίσα.

2 Ετ

LIBER PRIMVS: 7

2

Et si aequalibus æqualia adiecta sint, tota  
sunt æqualia.

γ

Καὶ τὰς ἀνόρθωτις τοῖς ἀφαιρεσθῆτις, τὰ κακά πεπονι-  
μένα τὸν οὐτόν.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ  
relinquuntur sunt æqualia.

δ

Καὶ τὰς ἀνίσοις τοῖς προστιθῶντις, τὰ δύλια τοῖς ανοσα.

4

Etsi inæqualibus æqualia adiecta sint, tota  
sunt inæqualia.

ε

Καὶ τὰς ἀπὸ ἀνίσων τοῖς ἀφαιρεσθῆτις, τὰ λοιπά τοῖς  
ἀνίσα.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reli-  
qua sunt inæqualia.

Ϛ

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλασία, τοῖς ἀλλήλοις τοῖς.

6

Quæ eiusdem duplia sunt, inter se sunt æ-  
qualia.

Ϛ

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση, τοῖς ἀλλήλοις τοῖς.

7 Et

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

7  
Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

8  
Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα, οὐαὶ ἀλλήλοις  
εἰσί.

9  
Et quæ sibi mutuo congruunt, ea inter se  
sunt æqualia.

10  
Καὶ τὸ δλον τοῦ μέρης μεῖζόν εἶται.

9  
Totum est sua parte maius.

10  
Καὶ πᾶσαι αἱ ὄρθαι γωνίαι οὐαὶ ἀλλήλαις εἰσί.

Item, omnes recti anguli sunt inter se æqua-  
les.

11  
Καὶ έὰν εἰς δύο έυθείας έυθεία ἐμπίπλοσα, τὰς σύ-  
τος καὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο δὲ ορθῶν ἐλάσ-  
σονται ποιῆι, ἐκβαλλόμεναι αἱ δύο αὗται έυθείαι εἰς  
ἀπειρον, συμπτεθεῖσαι, ἀλλήλαις ἐφ' ἀμέρητοιν αἱ  
τῶν δύο ορθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

11  
Et si in duas rectas lineas altera recta in-  
cidens, internos ad easdemque partes an-  
gulos

gulos duobus rectis minores faciat, duæ ilæ rectæ lineæ in infinitum productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

β

Καὶ δύο ἐυθεῖαι, χωρίον ὃν περιέχουσιν.

12

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehen-  
dunt.

Πρόταση.

α

Ἐστὶ τῆς δοθείσης ἐυθείας τοπερασμένης, οὐ γε-  
νον ἴστοπλευρον συστήσασθαι.

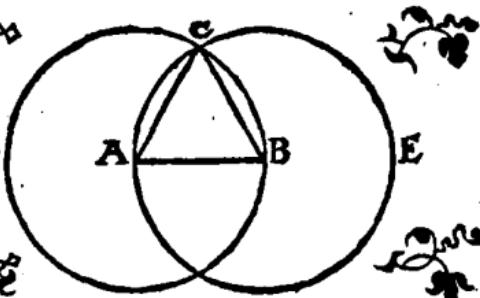
### Problema I. Propositio I.

Super  
data re  
cta li-  
nea ter-  
mina-  
ta, tri-  
angu-  
lum e-  
quilaterum constituere.

β

Πρὸς τῶν δοθείσης σημείων, τῇ δοθείσῃ ἐυθείᾳ ἵστεια  
θεῖαι μέσοια.

Pro

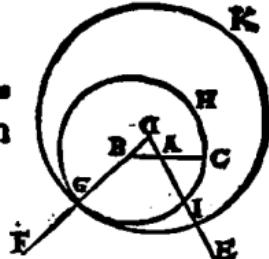


EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Problema 2. Propo-

sitio 2.

**A**d datum punctum, da-  
tæ rectæ lineæ æqualem  
rectam lineam ponere.



Δύο δοθεῖσαι ἐυθεῖαι ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ  
ἰλάσσοντι ἴσλιν ἐυθεῖαν ἀφελεῖν.

Problema 3. Propo-

sitio 3.

Duabus datis rectis li-  
neis inæqualibus, de ma-  
iore æqualem minori re-  
ctam lineam detrahere.

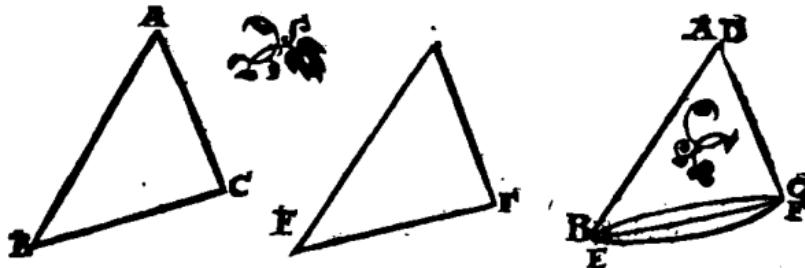


Εὰν δύο γίγωνται τὰς δύο πλευρὰς τὰς δυσὶ πλευ-  
ραῖς ἴσταις ἔχῃ, ἐκατέρας ἐκατέρα, καὶ τὴν γωνίαν τῆς  
γωνίας ἴσλιν ἔχῃ τὴν ὑπόταντὸν ἴσων ἐυθεῖων τετρεγχό-  
μενην: καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως ἴσλιν ἔχει, καὶ τὸ γίγω-  
νον τῷ γίγνοντι ἐγένεται, καὶ λοιπῶν γωνίαν τὰς λοι-  
πὰς γωνίας ἴσαις ἐγένεται, ἐκατέρας ἐκατέρα, ὥφελα  
καὶ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateri-  
bus æqualia habeant, utrumque utrique, ha-  
beat utrum & angulum angulum æqualem sub  
æqualibus rectis lineis contentum: & basi  
basi

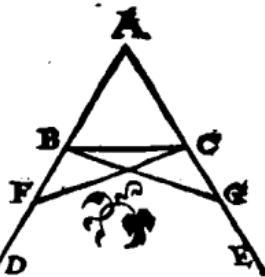
basi æqualem habebunt, eritq; triangulum triangulo æquale, ac reliqui anguli reliquis angulis æquales erunt, uterque utriusque, sub quibus æqualia latera subtenduntur.



Τῶν ἴσοσχελῶν Στριγώνων αἱ τρόποι τῆς βάσει γωνίας ἴσαι ἀλλήλαις εἰσί. Καὶ τροπεκθειμεῖσῶν τῶν ἴσων ἐυθεῶν, αἱ ὑπὸ τῆς βάσεων γωνίας ἴσαι ἀλλήλαις εἰσονται.

### Theorema 2. Propositio 5.

Ifoscelium triangulorū qui ad basim sunt anguli, inter se sunt æquales: & si ulterius producēt̄ sint æquales illæ rectæ linieæ, q̄ sub basi sunt anguli, inter se æquales erunt.



5

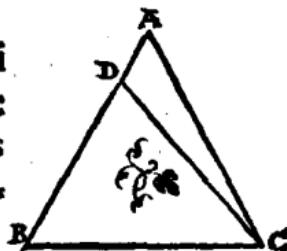
Ἐάν Στριγώνα δύο γωνίας ἴσαι ἀλλήλαις ὁστι, καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνουσαι πλευραὶ ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

B      Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 3. Propos.  
titio 6.

Sit trianguli duo anguli  
æquales inter se fuerint:  
& sub æqualibus angulis  
subtēla latera æqualia in-  
terse erunt.

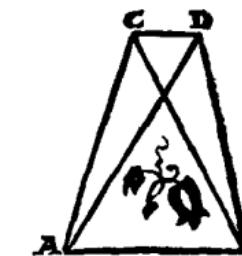
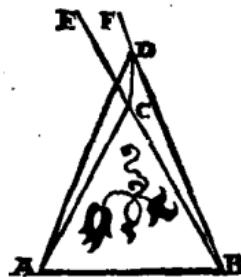


Ἐπεὶ τὸν ἐυθέας, δύστιγμά τοις ἐυθέαις ἄλλαι  
δύο ἐυθέαις ἵστηκατέρα ἔχατέρα οὐ συστήνεται,  
πρὸς ἄλλων καὶ ἄλλων συμείω, ἐπεὶ τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ  
αὐτὰ περατα ἔχοσι, τοῖς ἀπαρχῆσι ἐυθέαις.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eiusdem re-  
ctis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, v-  
träque utriusque, non constituentur, ad aliud  
atque

aliud  
punctū,  
ad eas-  
dē par-  
tes, eos  
demq;



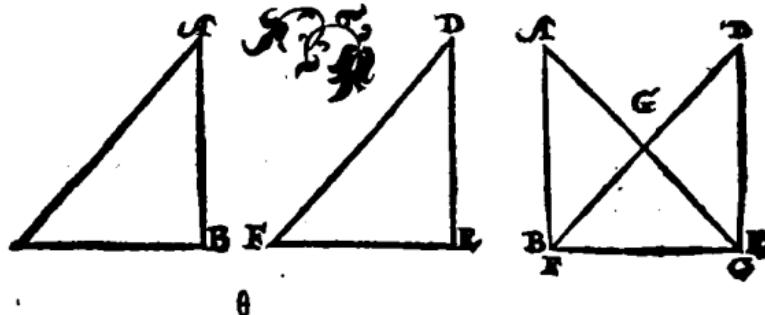
terminos cum duabus initio ductis rectis li-  
neis habentes.

Ἐὰν δύο γέγονα τὰς δύο πλευρὰς τοῖς δυστι-  
γμάσις ἵστηκατέραν ἔχατέρα, ἔχοντες δέ βά-  
σιν τῇ βάσισι σὺν: καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ σὺν ἔξε-

Τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθεῶν περιεχομένων.

Theorema 5. Propositio 8.

Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, utrumque utriusque, et equalia, habuerint verò & basim basi etiam qualem: angulum quoque sub equalibus rectis lineis contentum angulo etiam qualem habebunt.



Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν ἐυθύγραμμον δίχα τεμεῖν.

Problema 4. Propositio 9.

Datum angulum rectilineum bifariam secare.

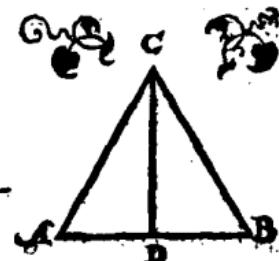


Τὴν δοθεῖσαν ἐυθεῖαν περιεργασμένων, δίχα τεμεῖν.

EVCLID, ELEMENT. GEOM.

Problema 5. Pro-  
positio 10.

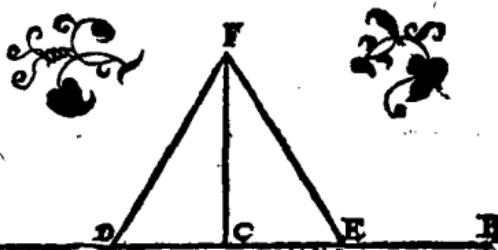
Datam rectam lineam fi-  
nitam bifariam secare.



*α*  
Τῷ δοθέσθαι ἐνθέάσ, ἀπὸ τοῦ τερῆσ αὐτῇ δοθέντος ση-  
μείου, τερῆσ ὁρθὰς γωνίας ἐνθέιται γραμμὴν ἀγ-  
γεῖν.

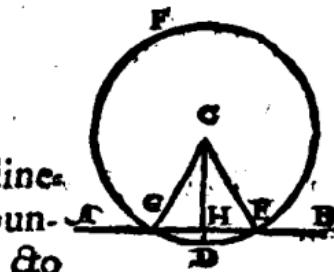
Problema 6. Propositio II.

Data  
rectali  
nea, à  
pūcto  
ī ea da-  
to, re-  
ctam li-  
neam ad angulos rectos excitare.



*β*  
Ἐπὶ τῷ δοθέσται ἐνθέαται ἀπειρού, ἀπὸ τοῦ δοθέν-  
τος σημείου, δηλῶ τοῦ ἐτούτῳ αὐτῆς, κάθετον ἐνθέιται  
γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-  
positio 12.  
Super datam rectam line-  
am infinitam, à dato pun-  
cto



Quod in ea nō est, perpendicularē re-  
ctam deducere.

17

Ως ἀντίθεια ἐπ' ἑυθεῖαν ταῦθεισα, γωνίας ἡτοῦ θεοῦ  
δύο ὄρθας, δύστιν ὄρθας ἵστας ποιήσει.

Theorema 6. Propo-

sitione 13.

Cūm recta linea super re-  
ctam consistens linea angulos facit, aut duos re-  
ctos, aut duobus rectis æ-  
quales efficiet.

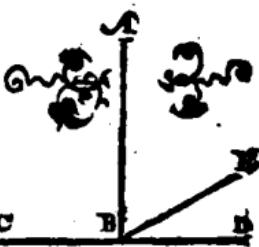


id

Εάν πρός λεκτικήν εὐθείαν, καὶ τῷ πρός αὐτῇ συμβέαται δύο  
λεκτικαὶ μὲν τερτιαὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐφεξῆς  
γωνίας δυστινόρθας ἵστας ποιῶσιν, ἐταῦθειας ἐγένεται  
ταῦτα ἀλλήλαις αἵευθείας.

Theorema 7. Propositione 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius  
punctū, duæ rectæ lineæ  
non ad easdem partes du-  
ctæ, eos qui sunt deinceps  
angulos duobus rectis æ-  
quales fecerint, in direc-  
tum erunt inter se ipsæ c  
rectæ lineæ.



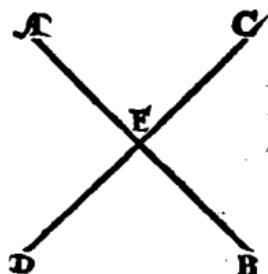
18

Εάν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰς κορυ-

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
Φίλη γωνίας. Ισας ἀλλήλας ποιεῖσθαι.

Theorema 8. Propo-  
sitio 15.

Si duas rectæ lineæ se mu-  
tuò secuerit, angulos qui  
ad verticem sunt, æquales  
inter se efficient.

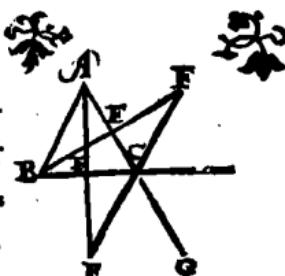


15

Παντὸς Γεγόνθ μιᾶς τῶν πλευρῶν ἐκβλιθείσης, ἢ  
Ἐκτὸς γωνία, ἐκατέρας τῶν σύντος καὶ ἀπεναντίου,  
μείζων ἔσιν.

Theorema 9. Propo-  
sitio 16.

Cuiuscunque trianguli v-  
no latere producto, exter-  
nus angulus utroq; inter-  
no & opposito maior est.

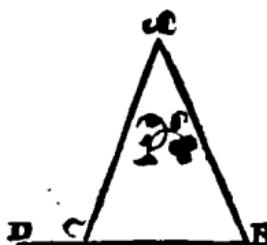


16

Παντὸς Γεγόνθ αὐτὸν γωνία, δύο ὅρθῶν ἐλάσσο-  
ντες εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 10. Propo-  
sitio 17.

Cuiuscunque trianguli  
duo anguli duobus rectis  
sunt minores omnifariā  
sumpti.



17

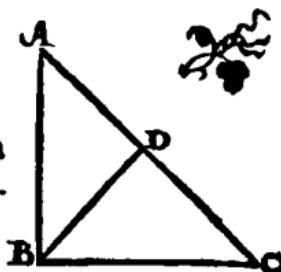
Παντὸς Γεγόνθ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γω-  
νίαν

νέαν ὑποτείνει.

Theorema ii. Propo-  
sitio 18.

Omnis trianguli maius la-  
tus maiorem angulū sub-  
tendit.

, 8

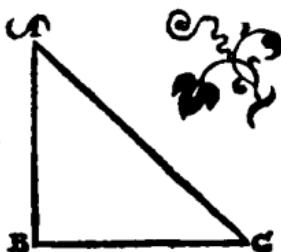


Παντὸς Σιγώνθ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μείζων  
πλευρά ὑποτείνει.

Theorema 12. Pro-  
positio 19.

Omnis trianguli maior  
angulus, maior i lateri sub-  
tendit.

x

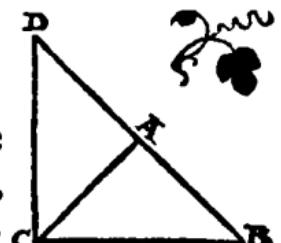


Παντὸς Σιγώνθ ἀδύο πλευρῶν, τὸ λοιπὸν μείζονέ  
εἰσι, τάντη μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 13. Propo-  
sitio 20.

Omnis trianguli duo late-  
ra reliquo sunt maiora,  
quomodo cūq; assumpta.

κα



Ἐὰν Σιγώνθ ἐπὶ μιᾶς ἡνὸν πλευρῶν ἀπὸ τῶν περάλων  
ἀδύο εὐθεῖαις συγγραμμέσι, ἢ συσταθῆσι, τῶν λοι-

B 4

πῶν

EVCLID. ELEMENTA. GEOM.

πῶν τοις Στράτοις δύο πλευρῶν ἐλάσσονες μὲν οὐτας,  
μείζονας γωνίαν περιέχοσι.

Theorema 14. Propositio 21.

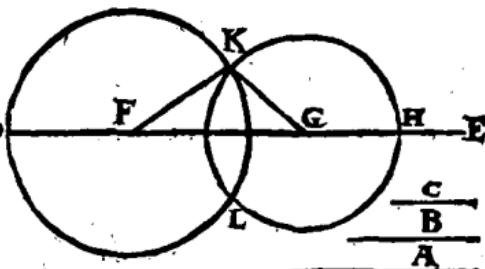
Si super trianguli uno latere, ab extremitatibus duæ rectæ lineæ, interius constitutæ fuerint, hæ constitutæ reliquis trianguli duobus lateribus minores quidem erunt, maiorem verò angulum continebunt.

xβ

Ex Στράτῳ εὐθεῖν, οὐ εἰσιν οἵσαι Στροὶ τοῖς δοθεῖσαις ένθεῖσαις, Στρών συνήσασθαι. Δεῖ δὴ τὰς δύο της λοιπῆς μείζονας έναμ, πάντη μεταλαμβανομένας, διὰ τὸ καὶ πάντος Στράτου τὰς δύο πλευρὰς, τὴν λοιπὴν μείζονας έναμ, πάντη μεταλαμβανομένας.

Problema 8, Propositio 22.

Ex tribus rectis lineis que sunt tribus datis rectis lineis æquales, triang-



gulum constituere. Oportet autem duas rectas esse maiores omnifariā sumptas: quoniam vniuersiusq; trianguli duo latera omnifariam

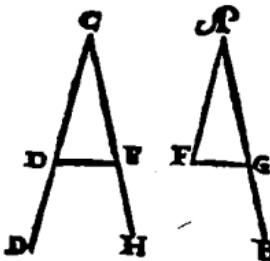
nifariam sumpta reliquo sunt maiora.

*xv*

Πρὸς τὴν δοθεῖσην οὐδείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ δοθεῖσῃ γωνίᾳ ἐνθυγράμμῳ ἵστω γωνίαν τούτῳ γραμμον συνήσασθαι.

Problema 9. Propo-  
sitio 23.

Ad datam rectam lineam  
datumq; in ea punctum,  
dato angulo rectilineo  $\alpha$ :  
qualem angulum rectili-  
neum constituere.

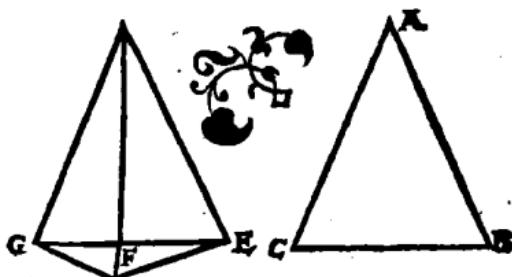


*xvi*

Ἐὰν δύο γέγονα τὰς δύο πλευρὰς ταῦς δυοὶ πλευ-  
ρᾶς ἴσας ἔχη, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὸν ἡγωνίαν τῆς  
γωνίας μείζονα ἔχη, τὸν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθεῶν περιε-  
χομένων, καὶ τὸν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξει.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo  
triangu-  
la duo la-  
tera duo  
bus late-  
ribus  $\alpha$ :  
qualia ha-  
buerint, vtrunq; vtriq;, angulum verò angu-  
lo maiorem sub æqualibus rectis lineis con-  
tentum: & basin basi maiorem habebunt.



B s x e Eay

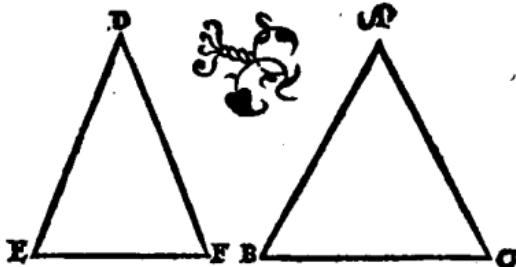
χε

Εὰν δύο Σίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχη, ἐκατέραν ἐκατέρα, τὸν βάσιν δὲ τὸ βάσεως μείζονα ἔχη, καὶ τὸν γωνίαν τὴν γωνίας μείζονα ἔξει, τὸν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐνθεῶν περιεχομένων.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habuerint, utrumque utriusque, basi verò basi maiorem; & angulum sub æqualib⁹

rectis li-  
neis con-  
tentū an-  
gulo ma-  
iorem ha-  
bebunt.



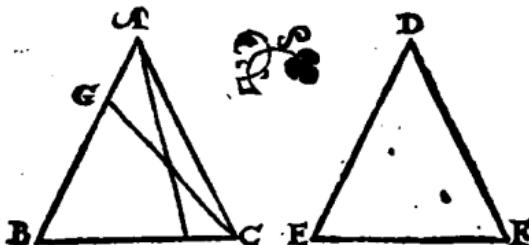
χε

Εὰν δύο Σίγωνα τὰς δύο γωνίας ταῖς δυσὶ γωνίαις ἴσας ἔχη, ἐκατέραν ἐκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν μῆδα πλευρᾷ ἴσην, ἥτοι τὸν τῷρος ταῖς ἴσαις γωνίαις, ἢ ὑποτείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπᾶς πλευρᾶς ἴσας ἔξει, ἐκατέραν ἐκατέρα, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ γωνίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

Si duo triangula duos angulos duobus an-  
gulis æquales habuerint, utrumque utriusque  
γνوم-

vnumque latus vni lateri æquale, siue quod æqualibus adiacet angulis, seu quod vni æqualium angulorum subtenditur: & reliqua latera reliquis laterib. æqualia, vtrumq; utriusque, & reliquum angulum reliquo angulo æqualem habebunt.

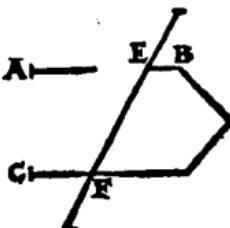


$\chi\beta$   
Εάν εἰς δύο ἐυθείας ἐυθεῖα ἐμπίπλουσα τὰς συν-  
λαξ γωνίας ισας ἀλλήλαις ποιῇ, παράλληλοι εὐθύαι  
ἀλλήλαις αἱ ἐυθεῖαι.

## Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re-

cta incidentes linea alterna-  
tim angulos æquales inter-  
se fecerit : parallelæ erunt  
inter se illæ rectæ lineæ.

 $\chi\eta$ 

Εάν εἰς δύο ἐυθείας ἐυθεῖα ἐμπίπλουσα, τὴν ἐκτὸς γω-  
νίαν τῆς συντὸς, καὶ ἀτεναντίον, καὶ ἐτοι τὰ αὐτὰ μέρη  
ισιν ποιῇ, ἡ τὰς συντὸς καὶ ἐτοι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν  
ὁρθαῖς ισας ποιῇ, παράλληλοι εὐθύαι ἀλλήλαις αἱ  
ἐυθεῖαι.

Theod-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea, externum angulum interno, & opposito, & ad easdem partes æqualem fece rit, aut internos & ad easdem partes duobus rectis æquales: parallelæ erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

x 6

ἵνεις τὰς παράλληλας έυθείας ἐμπίπλουσα, τὰς τε συναλλαξ γωνίας ισας ἀλλήλαις ποιεῖ, χρήτην ἐκ τὸς τῆς σύντος χρήσεντας τὸν αὐτὰ μέρη, ίσις, χρήσεντος χρήσι τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὁρῶντας ισας.

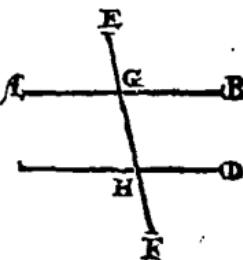
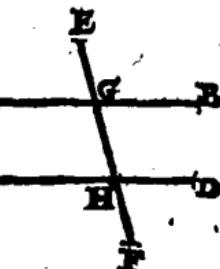
Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas lineas recta incidens linea, & alternatim angulos inter se æquales efficit & externū interno & opposito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.

λ

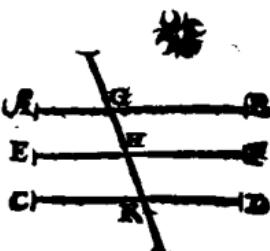
Αἱ τῇ αὐτῇ έυθείᾳ παράλληλοι, χρήσισι παράλληλοι.

Theor.



Theorema 21. Propo-  
sitio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ, & parallelæ, & inter se sunt  
parallelæ.

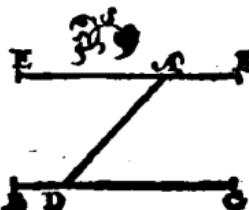


λα

Απὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τῇ δοθείσῃ ἐυθείᾳ παράλιοι ληλοὶ ἐυθεῖαι γραμμὴν φαγεῖν

Problema 10. Pro-  
positio 31.

A dato puncto datæ rectæ  
lineæ parallelam rectam  
lineam ducere.

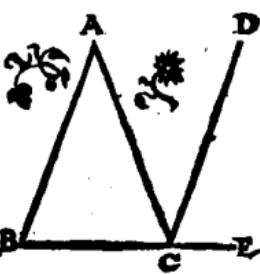


λβ

Παρότος Σίγων μᾶς τῶν πλευρῶν προσεκβλιθέ-  
σκει, ἢ ἔκτος γωνία δυσὶ τοῖς οὐτοῖς καὶ ἀπεναντίον  
ἴση ἐστι. Καյακούτος τοῦ Σίγων Σῆς γωνίας δυσὶ<sup>ν</sup>  
ὅρθαις ἴσαι εἰσίν.

Theorema 22 . Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli v-  
no latere ulterius produ-  
cto: externus angulus duo  
bus internis & oppositis  
est æqualis. Et trianguli  
tres interni anguli duabus  
sunt rectis æquales.



λγ Λε

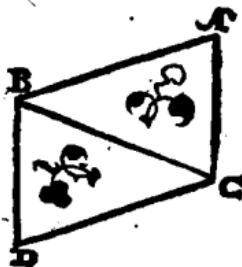
# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

$\lambda\gamma$

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται  
ζευγνύσσου ἐνθέται, καὶ αὗται ἴσαγε καὶ παραλληλοί  
ἔσσιν.

**Theorema 23. Propo-**  
**sitio 33.**

Rectæ lineæ quæ æqua-  
les & parallelas lineas ad  
partes easdē coniungunt,  
& ipsæ æquales & paral-  
lelæ sunt.

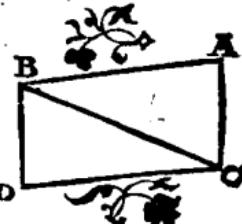


$\lambda\delta$

Τῶν παραλληλογράμμων χωρίων οἱ ἀπεναντίον  
πλευραί τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ: καὶ οὐδὲ-  
πος αὐτὰ δίχα τέμνει.

**Theorema 24. Propo-**  
**sitio 34.**

Parallelogrammorum spa-  
tiorum æqualia sunt in-  
ter se quæ ex aduerso & latera & anguli: at-  
que illa bifariam secat diameter.



$\lambda\varepsilon$

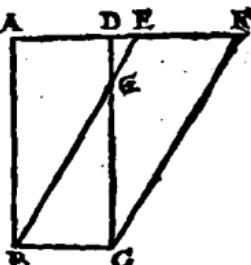
Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως  
συντα, καὶ σὺ τὰς αὐτὰς παραλλήλους, ἵσα ἀλλήλοις  
ἐσίν.

Theo-

Theorema 25. Propo-  
sitio 35.

Parallelográma super ea-  
dem basi & in eisdem pa-  
rallelis constituta, inter se  
sunt æqualia.

λ5

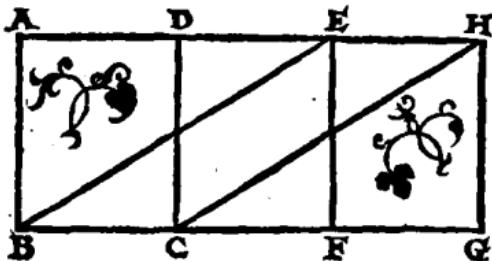


Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπί τῶν ίσων βάσεων δύντα, καὶ στοιχεῖα τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις, ίσα δὲ παλλήλοις εἰσί.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super æqualibus basibus  
& in eis.

isidē pa-  
rallelis  
cōstitu-  
ta, inter  
se sunt  
æqua-  
lia.



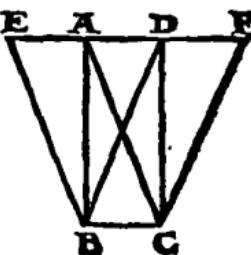
λ3

Τὰ ξύγωνα, τὰ ἐπί τῶν βάσεως δύντα καὶ στοιχεῖα τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις, ίσα δὲ παλλήλοις εἰσίν.

Theorema 27. Propo-  
sitio 38.

Triangula super eadem ba-  
si constituta, & in eisdem  
parallelis, inter se sunt æ-  
qualia.

λη Τὰ



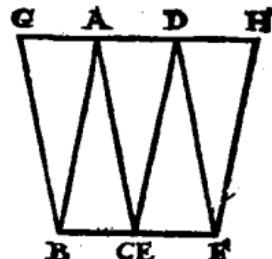
EVCLID. ELEMENT. GEOM.

λη

Τὰ Σίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων καὶ τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις, ἵστα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theorema 28. Propositio 38.

Triangula super æqualibus basibus constituta & in eisdem parallelis, inter se sunt æqualia.

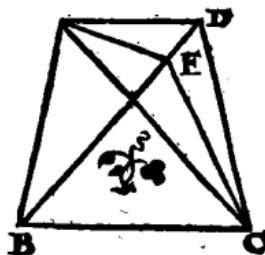


λθ

Τὰ ἴσα Σίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεως δύτα, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις ἔσιν.

Theorema 29. Propositio 38.

Triangula æqualia super eadem basi & ad easdem partes constituta: & in eisdem sunt parallelis.



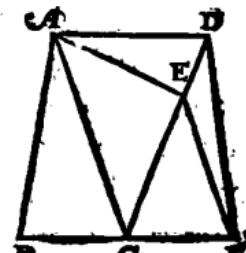
μ

Τὰ ἴσα Σίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων δύτα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις ἔσιν.

Theorema 30. Propositio 40.

Triangula æqualia super æqualibus basibus & ad easdem partes constituta, & in eisdē sunt parallelis.

μα Επο



μα

Ἐὰν παραλληλόγραμμον Ἰγώνα βάσιν τε ἔχῃ τὸν  
αὐτὸν, καὶ σὲ τῷσαυταῖς παραλλήλοις ἡ, διπλάσιον  
ἴσαι τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ Ἰγώντος.

Theorema 31. Propo-  
sitio 41.

Si parallelogrammum cū  
triangulo eandem basin  
habuerit, in eisdemq; fue-  
rit parallelis, duplum erit parallelogram-  
mum ipsius trianguli.

μβ

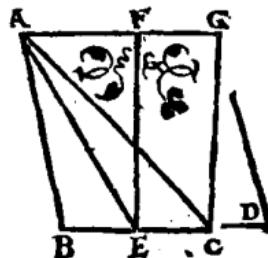
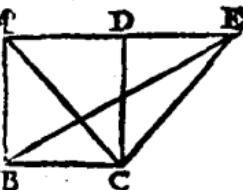
Τῶ δοθέντες Ἰγώνα ίσον παραλληλόγραμμον συ-  
στῆσασθαι, σὲ τῇ δοθείσῃ ἐνδιγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema II. Propo-  
sitio 42.

Dato triangulo æquale pa-  
rallelogrammum consti-  
tuere in dato ἀngulo re-  
stilineo,

μγ

Παντὸς παραλληλογράμμου, τῷ τερὶ τὸν διάμε-  
τρον παραλληλογράμμῳ τὸ παραπλιγράμματα, ίσα  
ἄλληλοις ἔστιν.

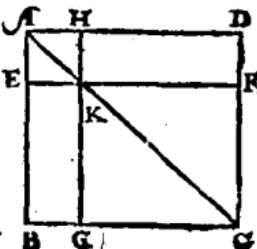


C. Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 32. Propo-  
sitio 43.

In omni parallelogram-  
mo, complementa eorum  
quæ circa diametrū sunt  
parallelogrammorum, in-  
ter se sunt æqualia.

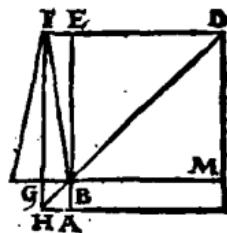


μδ

Παρὰ τὸν δοθέντα ἐνδεῖται,  
τῷ δοθέντι Τύγωνῳ Ἡν πα-  
ραλληλόγραμμον παραβα-  
λεῖν τὴν δοθείσην γωνίαν ἐνδυ-  
γράμμῳ.

Problema 12. Propo-  
sitio 44.

Ad datam rectam lineam,  
dato triangulo æquale pa-  
rallelogrammum applica-  
re in dato angulo rectili-  
neo.



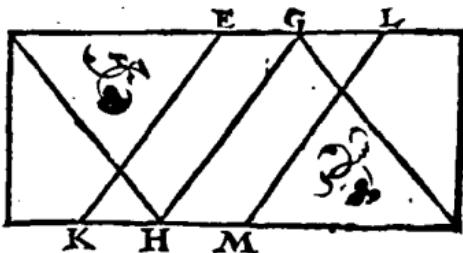
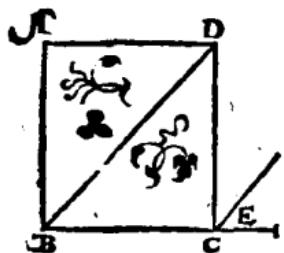
με

Τῷ δοθέντι ἐνδυγράμμῳ Ἡν παραλληλόγραμ-  
μον συστήσασθαι τὴν δοθείσην ἐνδυγράμμῳ γωνίαν

Problema 13. Propositio 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammum  
constituere in dato angulo rectilineo.

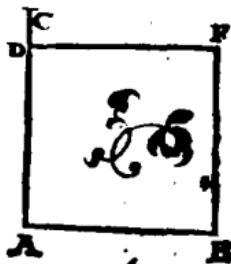
με· Από

 $\mu\varsigma$ 

Απὸ τῆς δοθείσης εὐθείας τετράγωνον ἀναγράφει.

**Problema 14. Propo-  
sitio 46.**

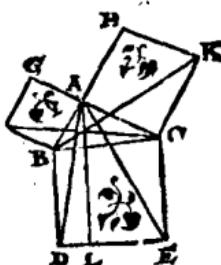
A data recta linea quadra-  
tum describere.

 $\mu\varsigma$ 

Εν τοῖς ὅρθιογωνίοις τετράγωνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὅρθιας γωνίας ὑποτετριώσης πλευρᾶς τετράγωνον, ἵσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τὴν ὅρθια γωνίας περιεχόσσιν πλευρῶν τετράγωνοις.

**Theorema 33. Propo-  
sitio 47.**

In rectangulis triangulis,  
quadratum quod à latere  
rectum angulum subten-  
dente describitur, æqua-  
le est eis quæ à lateribus



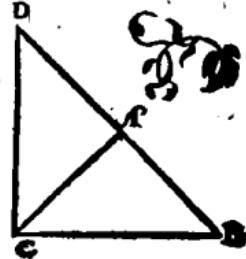
C a rectum

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
rectum angulum continentibus describuntur, quadratis.

μη  
Ἐὰν Στρῶν τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τε Σάγων  
ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ Στρῶν δύο πλευρῶν  
τε Σαγώνις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν λοιπῶν  
τοῦ Στρῶν δύο πλευρῶν, ὅρθη ἔστι.

Theorema 34. Propositio 48.

Si quadratum quod ab uno laterum trianguli describitur, æquale sit eis quæ à reliquis trianguli lateribus describuntur, quadratis; angulus cōprehensus sub reliquis duobus trianguli lateribus, rectus est.



FINIS ELEMENTI I.

# ΕΥΚΛΕΙ<sup>19</sup> ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΑΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

## EVCLIDIS ELEMENTVM SECUNDVM.

ΣΠΟΙ.

α

ΠΑΝ ταφαλλογράμμων ὄρθιογώνιον, απορίχεσθαι λέγεται ὑπὸ δύο τῶν τὰν ὄρθιὰ γωνίαν ταφειχθσσαν εὐθεῖαν.

### DEFINITIONES.

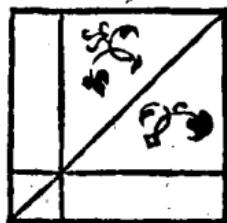
1

Omne parallelogrammum rectangulum contineri dicitur sub rectis duabus lineis, quae rectum comprehendunt angulum.

β

Παντὸς ἡ ταφαλλογράμμων χωρίς, τῶν ταφεὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ, ἐπιταφαλλογράμμων ὅποιονοῦν σὺν τοῖς δυσὶ ταφαπληρώμασι, γνήμων χαλεπόν.

In omni parallelogrammo spatio, vnum quodlibet eorum quæ circa diametrum illius sunt parallelogrammorum, cū duobus complementis, Gnomo vocetur.

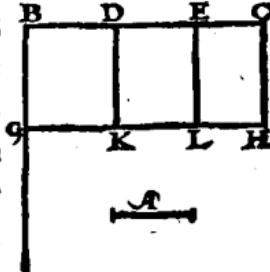


## Πρότασις α.

Εὰν ὁ δύο ἐυθεῖαι, τριγωνῆς ἢ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα  
Σημεῖα τοῦ τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώνιον  
ὑπὸ τῶν δύο ἐυθεῶν, ἵσταται τοῖς οὐσίαις τῷ ἀτμή-  
τῳ καὶ ἔκαστῳ τῶν τμημάτων περιεχομέναις ὀρθογώ-  
νίαις.

## Theorema I. Propositio I.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, secerurque ipsa-  
rum altera in quotcunq; segmenta: rectangulum  
comprehensum sub illis  
duabus rectis lineis, equa-  
le est eis rectangulis quæ  
sub insecta & quolibet se-  
gmentorum comprehen-  
duntur.



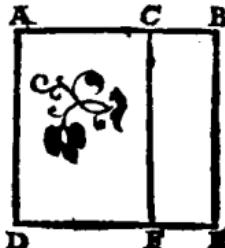
## β

Εὰν ἐυθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε τὰ ὑπὸ τὸν  
καὶ ἔκατέρου τῶν τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώ-  
νια ἵσταται τῷ ἀπὸ τὸν τοῦ τμημάτων περιεχομένων.

Theo-

Theorema 2. Propo-  
sitio 2.

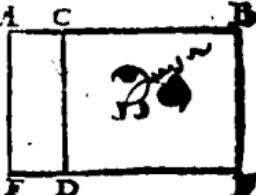
Si recta linea secta sit vt-  
cunq; rectangula quæ sub  
tota & quolibet segmentorum  
comprehenduntur, æqualia sunt ei, quod à to-  
ta fit, quadrato.



*γ*  
Εάν εὐθεῖα γραμμὴ ὡς ἔτυχε τμῆμῇ, τὸ ὅπο τὸ ὅλης  
καὶ ἐν τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον,  
ἴσον ἐστι τῷ τε ὅπο τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρ-  
θογώνῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ περιεργμένου τμήματος  
τετραγώνῳ.

## Theorema 3. Propositio 3.

Si recta linea secta sit vt cunque, rectangu-  
lum sub tota & uno se-  
gmentorum comprehen-  
sum, æquale est & illi quod  
sub segmentis compre-  
henditur rectangulo, & il-  
li, quod à prædicto segmento describitur,  
quadrato.

*δ*

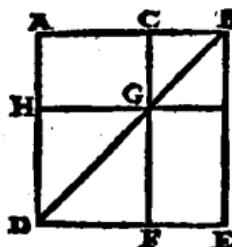
Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τμῆμῇ ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅ-  
λης τετραγώνον, οὗ ἐσται τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμημά-  
των τετραγώνοις, καὶ τῷ δἰσ ὅπο τῶν τμημάτων πε-  
ριεχομένῳ ὀρθογώνῳ.

C 4. Theo-

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

Theorema 4. Propositio 4.

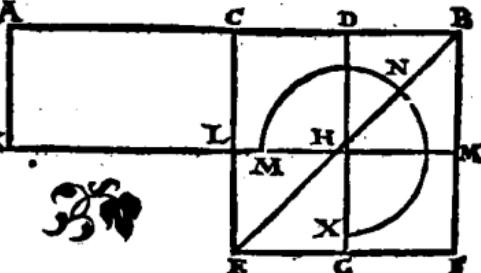
Si recta linea secta sit ut  
cunque:quadratum quod  
à tota describitur , æquale  
est & illis quæ à segmentis  
describuntur quadratis, &  
ei quod bis sub segmentis  
comprehenditur, rectâgulo.



Ἐὰν ἐυθεῖα γραμμὴ τμῆματι εἰς ἓστα καὶ ἀνίστα, τὸ ὑπὸ<sup>τῶν</sup> ἀνίστων τὸ δῆλον τμημάτων περιεχόμενον ὁρο-  
γώνιων, μετὰ τοῦτο τὸ μεταξὺ τῶν τομῶν τετρά-  
γών, ἕστος ἐπὶ τῷ ἀπὸ τὸ δῆμον τετραγώνῳ.

Theorema 5. Propositio 5.

Si recta linea securit in æqualia & non æ-  
qualia: rectangulum sub inæqualibus seg-  
mentis totius comprehesum, vñā cum qua-  
drato, qd'  
ab inter-  
media se-  
ctionū, æ  
quale est  
ei quod à  
dimidia  
describitur, quadrato.

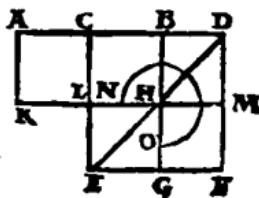


Ἐὰν ἐυθεῖα γραμμὴ τμῆμα δίχα, περιεθῇ δὲ τοῖς αὐ-  
τῷ ἐυθεῖαις ἐπὶ τοῖς διαστάσεις, ὁρογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς δῆλης  
στρ

εὐ τῇ ἀροσκειμένῃ, καὶ τὸ προσκειμένης τετριεχόμενον ὄρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τὸ ἡμίσειας τεῖχα γύρω, οἰσοντεῖ τῷ ἀπὸ τὸ συγχειμένης ἐκ τε τὸ ἡμίσειας καὶ τὸ ἀροσκειμένης, ὡς ἀπὸ μᾶς, ἀναγραφέντες τεῖχα γύρω.

### Theorema 6. Propositio 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta quædam linea in rectum adjiciatur, rectangle comprehensum sub tota cum adiecta & adiecta simul cum quadrato à dimidia, æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab una descripto.



Ἐάν εὐθεῖα γραμμὴ τμῆμδη ὡς ἔτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς δλῆς, καὶ τὸ ἀφ' ἵνος τῶν τμημάτων, τὰ συναμφότερα τεῖχα γύρω οἰσατεῖ τῷ τε διεύποτὸν ὅλης γε τοῦ περιμένυτοῦ μάτος τετριεχομένῳ ὄρθογωνίῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τοῦ μάτος τεῖχα γύρω.

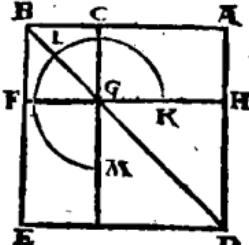
### Theorema 7. Propositio 7.

Si recta linea secetur utcunque: quod à tota, quodque ab uno segmentorum, vtraque

C 5 simul

# ELVCID. ELEMENT. GEOM.

simul quadrata, æqualia sunt & illi quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi quod à reliquo segmento fit, quadrato.



¶

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τυκτῇ ὡς ἔτυχε, τὸ τε Γάχις ὄντὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὄρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τε Γάγων, οἰστε ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ εἰρημένου τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντε Γάγων.

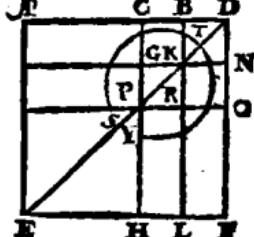
## Theorema 8. Propositio 8.

Si recta linea secetur utcunque: rectangulum quater comprehensum sub tota & uno segmentorum, cum eo quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei quod à tota & dicto segmento, tanquam ab una linea describitur, quadrato.

¶

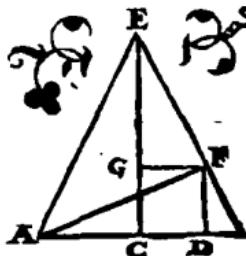
Εάν εὐθεῖα γραμμὴ τυκτῇ εἰς ἵσα καὶ ἀνίσα, τὰ ἀπὸ τῶν ἀνίσων τῆς ὅλης τμημάτων τε Γάγων, διπλάσια ἔστι τοῦτε ἀπὸ τῆς μεταξύ τῶν τμῶν τε Γάγων.

Theor.



## Theorema 9. Propositio 9.

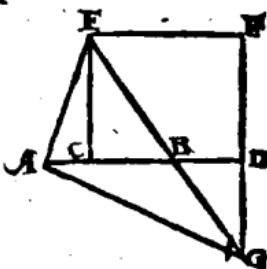
Si recta linea secetur in eis qualia & non aequalia: quadrata quae ab inaequalibus totius segmentis sunt, duplia sunt & eius quod a dimidia, & eius quod ab intermedia sectionum fit, quadratorum.



Ἐάν ἐυθεῖα γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσεθῇ δέ τις αὐτῇ εὐθεῖα ἐπ' ἐυθείᾳς τῷ ἀπὸ τὸν οὐλινόν σὺν τῇ προσεκείμενῃ τὰ συναμφότερα τε βάγωντα, διπλάσιά ἔσται τοῦ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς συγχώμενης ἔχετε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσεκείμενης, ὡς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντος τετραγώνων.

## Theorema 10. Propositio 10.

Si recta linea secetur bifurciam, adiiciatur autem ei in rectum quæpiam recta linea: quod a tota cum adiuncta, & quod ab adiuncta, utraque simul quadrata, duplia sunt & eius quod a dimidia, & eius quod a composita ex dimidia & adiuncta, tanquam ab una descripsum sit, quadratorum.



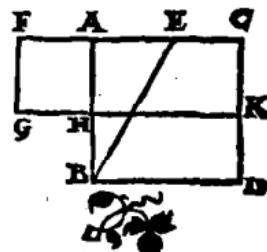
# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

1a

Τὸν δοθεῖσαν ἐυθεῖαν τεμεῖν, ὃς τε τὸ ὑπὸ τῆς ὀλίγης καὶ τοῦ ἔτερου τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὄρθογών οἰστον ἵστον εἶναι τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τεῖχα γώνιᾳ.

## Problema I. Propositio II.

Datam rectam lineam se-  
care, ut comprehensum  
sub tota & altero segmen-  
torum rectangulum, &  
quale sit ei quod à reli-  
quo segmento fit, qua-  
drato.



1B

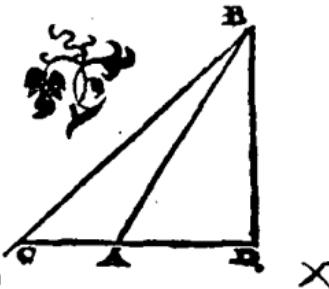
Ἐν τοῖς ἀμβλευγωνίοις, βίγωνοις, τὸ ἀπὸ τὸν ἀμ-  
βλεῖαν γωνίαν ὑποτεγμένοις πλευρᾶς τεῖχαγωνον,  
μεῖζόν ἔστι τῶν τὸν ἀμβλεῖαν περιεχόσσων πλευρῶν,  
τεῖχαγωνων, τῷ περιεχομένῳ δίστιγμῷ τε μᾶς τῶν  
περὶ τὸν ἀμβλεῖαν γωνίαν, εφ' οἷν ἐκβληθεῖσαν ἡ κά-  
θετος πίπτει, καὶ τὸ ἀπὸ λαμβανομένης ἕκτος ὑπὸ τὸ  
καθέτης περὶ τὴν ἀμβλεῖα γωνίᾳ.

## Theorema II. Propositio 12.

In amblygonijs triangulis, quadratum quod  
fit à latere angulum obtusum subtendente,  
maiis est quadratis que fiunt à lateribus ob-  
tusum angulum comprehendentibus, pro-  
quan-

quantitate rectanguli bis comprehensi &  
ab uno laterum quæ sunt  
circa obtusum angulum,  
in quod, cum protractum  
fuerit, cadit perpendicu-  
laris, & ab assumpta exte-  
rius linea sub perpendicu-  
lari prope angulum obtusum.

17



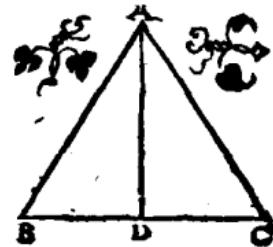
Ἐν τοῖς δੇξιγωνίοις βριγώντις, τὸ ἀπὸ τῆς ὁξεῖας γωνίας ὑποτείνουσις πλευρᾶς τε βράγων, ἐλατίον ἢ τὸν ἀπὸ τῶν τῆς ὁξεῖας γωνίας τεριεχόστην πλευρῶν τε βράγων, τῷ τεριεχομένῳ δὶς ὑπότε μᾶς τῶν περὶ τὴν ὁξεῖαν γωνίαν, οὐδὲν ἡ καθετὴ πίπει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης σύρρος ὑπὸ τὸν κα- δέτης πρὸς τὴν ὁξεῖαν γωνίαν.

### Theorema 12. Propositio 13.

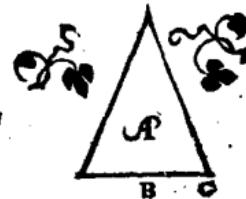
In oxygonijs triangulis, quadratum à late-  
re angulum acutum subtendente, minus est  
quadratis quæ fiunt à lateribus acutum an-  
gulum comprehendentibus, pro quantitate  
rectanguli bis comprehensi, & ab uno late-  
rum

# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

rum, quæ sunt circa acutum angulum, in quod perpendicularis cadit, & ab assumptione interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.

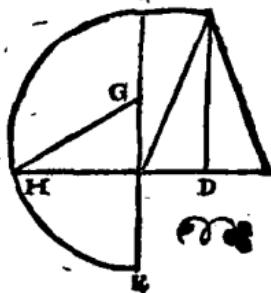


*Tῶ δοθέντει διαγράμμῳ Ἡγείᾳ γωνίαν συστασθεῖ.*



Problema 2. Proposito 14.

Dato rectilineo æquale quadratum constituere.



ELEMENTI II. FINIS.

ΕΥΚΛΕΙ<sup>24</sup>  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ  
ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM TERTIVM.

δΡΟΙ.

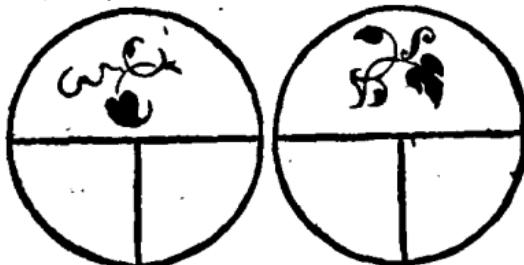
α

ΙΣΟΙ κύκλοι εἰσὶν, ὃν αἱ διάμετροι εἰσὶ τοις: οὐδὲν ἄλλον κέντρον ἔχει τῶν κέντρων τοις εἰσὶν.

DEFINITIONES.

1

Aequales circuli, sunt quorum diametri sunt  
aequales,  
vel quorumque  
ex ceteris  
rectæ linæ  
neæ sunt  
aequales.



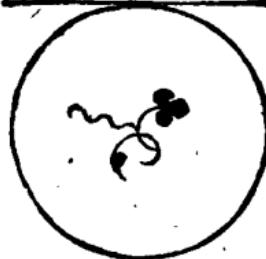
β

Εὐθεῖα κύκλῳ ἐφάπτεσθαι λέγεται, ἡ ἥπερ ἀπομένου  
τοῦ κύκλου ἢ ἕκαλομένη, οὐ τέμνετον κύκλον.

2. Recta

2

Recta linea circulum tangere dicitur, quæ cum circulum tangat, si producatur, circulum non secatur.



γ

Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἱ τιγρεῖς δὲ τοῖς μὲν ἀλλήλων, οὐ τέμνεσσιν ἀλλήλως.

3

Circuli  
se se mu-  
tuò tan-  
gere di-  
cuntur :  
qui se se  
mutuo  
tangentes, se se mutuò non secant.

δ

Εν κύκλῳ ἐγένετον τοῦ κέντρου εὐθεῖα λέγονται,  
ὅταν αἱ ἀπόστοι τοῦ κέντρου ἐτῶν αὐτὰς καθέτοις ἀγόμε-  
ναι εἰσαγόσι: μεῖζον δὲ ἀπέχεται λέγεται, ἐφ' οὗ μεί-  
ζων καθέτος πίπτει.

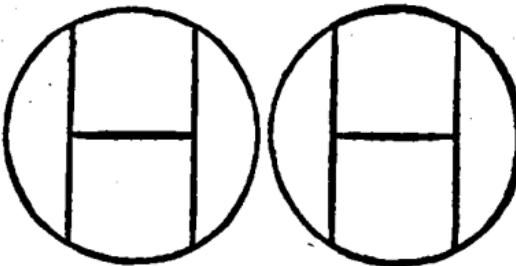
ε

In circulo æqualiter distare à centro rectæ  
lineæ dicuntur, cum perpendiculares, quæ  
à cen-

4

a centro  
in ipsas  
ducuntur,  
sunt a-  
quales.

Longius  
autem ab-  
esse illa dicitur, in quam maior perpendicu-  
laris cadit.



Τμῆμα κύκλου ἐσὶ, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπό-  
τιευθείας καὶ κύκλῳ περιφερείας.

<sup>3</sup>  
Segmentum circuli est, fi-  
gura quæ sub recta linea  
& circuli peripheria com-  
prehenditur.



Τμῆματος δὲ γωνία ἐσὶν, ἡ περιεχομένη ὑπότιευθείας, καὶ κύκλῳ περιφερείας.

<sup>4</sup>  
Segmenti autem angulus est, qui sub recta li-  
nea & circuli peripheria comprehenditur.

<sup>5</sup>  
Ἐν τμήμate δὲ γωνία ἐσὶν, ὅταν ἔστι τῆς περιφε-  
ρείας τοῦ τμήματος λιθόνη οὐ συμεῖον. καὶ ἀτ' αὐ-  
τοῦ ἔστι τὰ πέρατα τιευθείας, οἵτινες τῆς τμῆ-

D ματος,

ELVCID. ELEMENT. GEOM.

μαρτ, ἐπεξευχθῶσιν ἐνθέται, ἢ τεριεχομένη γωνία  
ἢ τὸ τῶν διπλευχθῆσθαις θέτην.

7

In segmento autem angulus est, cùm in segmenti peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.

8

ὅταν δὲ αἱ τεριεχόσαι τὴν γωνίαν ἐνθέται διπλαμβάνωσι λινα τεριφέρειν, ἐπ' ἔκεινης λέγεται βεβηκέναι ἡ γωνία.

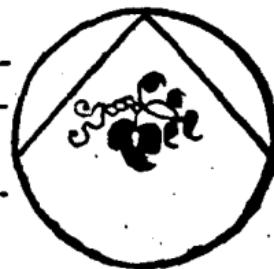
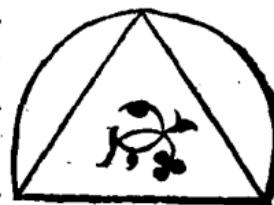
8

Cùm vērō comprehendentes angulum rectæ lineæ aliquam assumunt peripheriam, illi angulus insistere dicitur.

9

Τομεὺς δὲ κύκλου ἐσὶν, ὅταν περὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ τοῦ κύκλου σαβῇ ἡ γωνία: τὸ τεριεχόμενον σχῆμα ἀπό τε τῶν τὴν γωνίαν τεριεχόσων ἐνθέτων χαὶ τῆς διπλαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν περιφερείας.

9 Sector



9

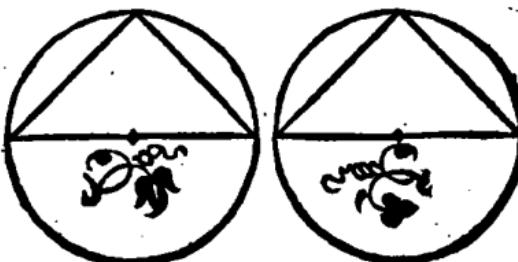
Sector autem circuli est, cùm ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa in mirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Δμοια τμήματα κύκλων εἰναι, τὰ δεχόμενα γωνίας ἵσας: οἱ δὲ οἳς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλάταις εἰσίν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales: aut in q. bus anguli iter se sunt æquales.



Προπόσθ.

a

Τοῦ δοθέντος κύκλου τὸ κέντρον εὑρεῖν.

Problema I. Propositio I.

Dati circuli centrum reperiire.

D 2

β Egy



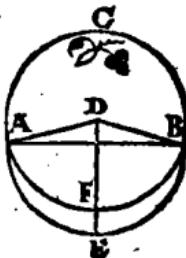
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

β

Εὰν κύκλος ἐστὶ τεριφερέας λιθός δύο τυχόντα σημεῖα, οὐτὸν ἐστὶ αὐτὰ σημεῖα βπίζευγνυμένα εὐδεῖα, εὐτὸς πεσεῖται τοῦ κύκλου.

Theorema 1. Propositio 2.

Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circulum cadet.



γ

Εάν δὲ κύκλος εὐδεῖα τις διὰ τοῦ κέντρου, εὐθεῖαν τε να μὴ διὰ τοῦ κέντρου δίχα τέμνῃ, καὶ τρὶς ὅρθιας αὐτὴν τέμνῃ. καὶ εὰν τρὶς ὅρθιας αὐτὴν τέμνῃ, καὶ δίχα αὐτὴν τέμνῃ.

Theorema 2. Propositio 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandam non per centrum extensam bifariam secet; & ad angulos rectos ipsum secabit. Et si ad angulos rectos eam secet, bifariam quoque eam secabit.

δ

Εάν δὲ κύκλος δύο εὐδεῖα τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ διε-

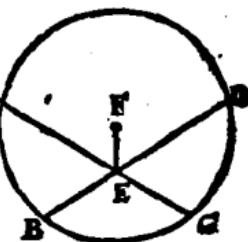
ταύ



τοῦ κέντρου σαμαριά, οὐ πέμπεσιν ἀλλάς δίχα.

Theorema 3. Propo-  
sitio 4.

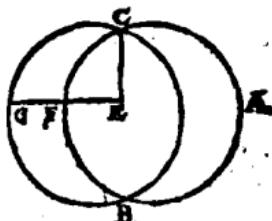
Si in circulo duæ rectæ li-  
neaæ se se mutuò secant nō  
per centrum extensæ, se se  
mutuò bifariam non seca-  
bunt.



Εὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, οὐκ εἰσαι αὐτῶν  
τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 4. Propo-  
sitio 5.

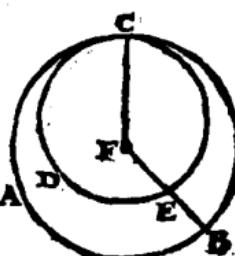
Si duo circuli se se mutuò  
secant, non erit illorum  
idem centrum.



Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπισται αλλήλων στός, οὐκ  
εἰσαι αυτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 5. Propo-  
sitio 6.

Si duo circuli se se mutuò  
interius tangant, eorum  
non erit idem centrum.



Εὰν κύκλος ἔται τὸ διαμέτρος λιθοῦ τὶ συμεῖον, δι μὴ  
εἶ κέντρον τοῦ κύκλου, αὐτὸ δὲ τοῦ συμείου προστί-

D. 3. πλαστι,

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

πιωσιν ἐυδεῖαί τινες ἀρὸς τὸν κύκλον: μεγίση μὲν  
ἴσαι ἐφ' ἃς τὸ κέντρον, ἐλαχίση ἐφ' ἀλλοιπά: τῶν δὲ ἀλ-  
λων ἀεὶ ἡ Ἑγγιον ἔδιὰ τοῦ κέντρου τὸ ἀπότερον μεί-  
ζωνται. Δύο ὅμοιον ἐυδεῖαί ἴσαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ση-  
μείου ἀροστασοῦνται ἀρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα  
τῆς ἐλαχίσης.

Theorema 6. Propositio 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur  
punctum, quod circuli centrum non sit, ab  
eoque punto in circulum quædam rectæ li-  
neæ cadant: maxima quidem erit ea in qua  
centrum, minima vero reliqua: aliarum ve-  
ro propinquior illi quæ  
per centrum ducitur, re-  
motiore semper maior  
est. Dux autem solùm re-  
ctæ lineæ æquales ab eo-  
dem punto in circulum  
cadunt, ad utrasque par-  
tes minimæ.



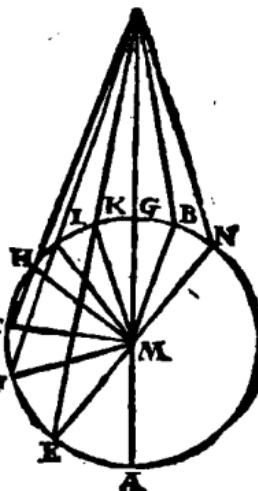
¶

Ἐὰν κύκλῳ ληφθῇ τὸ σημεῖον ἔκτος, ἀπὸ ὅπερ τοῦ ση-  
μείου πρὸς τὸν κύκλον διαχωσιν ἐυδεῖαί τινες, ὅν  
μία μὲν διὰ τοῦ κέντρου, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἐτυχεῖσι: τῶν  
μὲν ἀρὸς τὴν κοίλων περιφέρειαν προσπιπλόσων  
ἐυδεῖων, μεγίση μὲν ἡ διὰ τοῦ κέντρου, τῶν δὲ ἀλλων  
ἢτι ἡ Ἑγγιον ἔδιὰ τοῦ κέντρου, τὸ ἀπότερον μείζων  
ἴσαι.

ἴσων. τῶν δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπί-  
πτοσῶν ἐυθεῖῶν, ἐλαχίση μὲν δέσιν ἡ μεταξὺ τοῦτο ση-  
μεῖος καὶ τὸ διαμέτρον. τῶν δὲ ἀλλων δὲς ἡ ἔγγιον τὸ ἐλα-  
χίσης, τὸ ἀπότερον δέστελάθισιν. Δύο δὲ μόνον ἐυ-  
θεῖαι ἵσαι προσπίπτουσαι ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν  
κύκλον ἐφ' ἑκάτερα τὸ ἐλαχίσης.

## Theorema 7. Propositio 8.

Si extracirculum sumatur punctum quod-  
piam, ab eoque punto ad circulum dedu-  
cantur rectæ quædam lineæ, quarū vna qui-  
dem per centrum protendatur, reliquæ ve-  
rò ut libet: in cauam peripheriam cadentiū  
rectarum linearum maxima quidem est illa,  
quæ per centrum ducitur: aliarum autem  
propinquior ei, quæ per  
centrum transit, remo-  
tiore semper maior est.  
in conuexam verò peri-  
pheriā cadentiū rectarū  
linearū, minima quidem  
est illa, quæ inter punctū  
& diametrum interponi  
tur: aliarum autē, ea quæ  
propinquior est mini-  
mæ, remotiore sēper mi-  
nor est. Duæ autē tātūm  
rectæ lineæ equales ab eo



EVCLID. ELEMENT. GEOM.

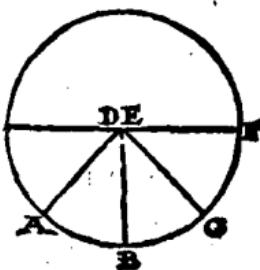
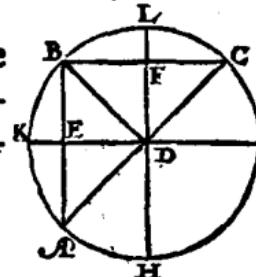
puncto in ipsum circulum cadunt, ad utrasque partes minimæ. 9

Εάν κύκλος λιθός τι συμβούν οὐτὸς, ἀπὸ δὲ τοῦ συμέτρου πρὸς τὸν κύκλον τεροσπίζωσιν πλείους ή δύο ένθειαίσαι, τὸ λιθόν συμβούν, κέντρον ἐνὶ τοῦ κύκλου.

Theorema 8. Propo. 9.

Si in circulo acceptum fuerit punctum aliquod, & ab eo puncto ad circulum cadant plures

quā duæ rectæ li-  
neæ, &  
quales,  
acceptū  
punctum

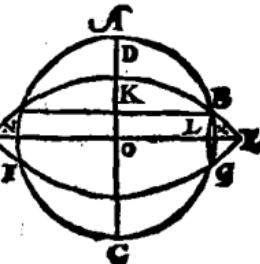
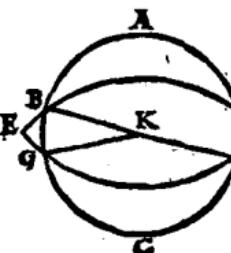


centrum ipsius est circuli.

Κύκλος οὐ τέμνει κύκλον κατὰ πλείονα συμβιά, δύο.

Theorema 9. Proposition 10.

Circu-  
lus cir-  
culū in  
plurib.  
quām  
duob'  
punctis  
non secat.



ia. Bay

ia

Εάν δύο κύκλοι έφαπτωνται ἀλλήλων εστός, καὶ ληφθῆσθαι τὰ κέντρα, οἱ ἐπί τῷ κέντρῳ αὐτῶν διπλωγούμενοι ευδεῖα καὶ ἔχει πολλούς, οὐτὶ τὸ σωματικὸν πεσεῖται τῶν κύκλων.

## Theorema 10. Propositio 11.

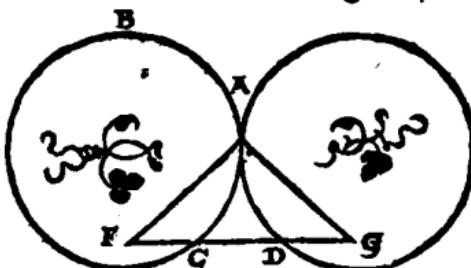
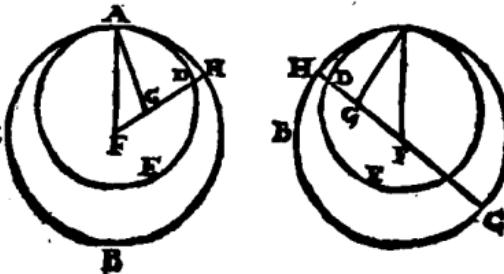
Si duo circuli se se intus contingant, atq; accepta fuerint eo rū cētra, ad eorū cētra adiūcta resūta linea & producta in contactum circulorū cadet.

ib

Εάν δύο κύκλοι σπήλωνται ἀλλήλων εκτός, οἱ ἐπί τῷ κέντρῳ αὐτῶν διπλωγούμενοι διὰ τῆς επαφῆς οἰλυσταται.

## Theorema 11. Propositio 12.

Si duo circuli se se exterius contingant, linea recta q̄ ad cētra eorū adiūctū illū trāsibit,



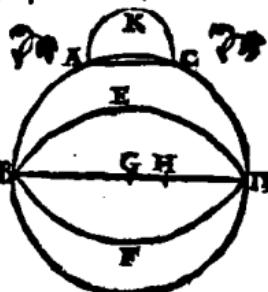
D S sy Kū-

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

<sup>γ</sup>  
Κύκλος κύκλῳ σύντομονεσταταὶ πλείονα συμμετά  
καὶ οὐδὲν εἴσιτος εἴντε έκτος εφάπλιται.

Theorema 12. Propo-  
sition 13.

Circulus circulum non  
tangit in pluribus pun-  
ctis, quam uno, siue intus  
siue extra tangat.



<sup>δ</sup>  
Εν κύκλῳ οὐ τοις ευδημοις ἐν απέχουσιν απὸ τοῦ  
κέντρου καὶ οὐτιναὶ απέχουσιν απὸ τοῦ κέντρου, οἷα  
ἀλλήλαις εἰσίν.

Theorema 13. Proposition 14.

In circulo æquales rectæ  
lineæ æqualiter distant à  
centro. Et quæ æqualiter  
distant à centro, æquales  
sunt inter se.

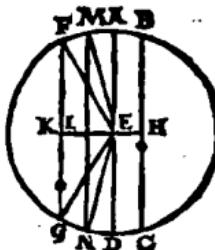


<sup>ε</sup>  
Ἐν κύκλῳ μεγίστη μὲν ἔστιν ἡ διάμετρος, τῶν δὲ  
ἄλλων ἀπὸ τῆγον τοῦ κέντρου, τῆς διπλατερού μείζων  
ἔστι.

Theo-

Theorema 14. Propo-  
sitio 15.

In circulo maxima quidē  
linea est diameter: aliarum  
autem propinquior cen-  
tro, remotiore semper ma-  
ior.



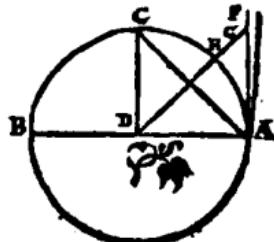
15

ἵντη διαμέτρῳ τοῦ κύκλου περὸς ὅρθὰς ἀπὸ ἀκρας  
ἀγομένῃ, ἐκτὸς πεσεῖται τοῦ κύκλου, καὶ εἰς τὸν μετα-  
ξὺ τόπον τῆς τε ἐυθείας καὶ τῆς περιφερείας, ἐπέρα ἐυ-  
θείας οὐ παρεμπεσεῖται καὶ οὐ μὲν τοῦ ἡμικυκλίου γε-  
νία, ἀπάσης ὀξείας γωνίας ἐνδυγράμμῳ μείζων  
ἐστιν, οὐδὲ λοιπὴ, ἐλάττων.

Theoremata 15. Propositione 16.  
Quæ ab extremitate diametri cuiusque cir-  
culi ad angulos rectos ducitur, extra ipsum  
circulum cadet, & in locum inter ipsam re-  
ctam lineam & peripheriā  
comprehensum, altera re-  
cta linea non cadet. Et se-  
micirculi quidem angu-  
lus quovis angulo acuto  
rectilineo maior est, reli-  
quus autem minor.

16

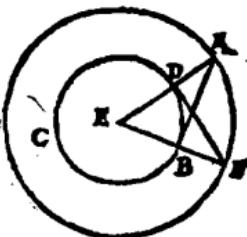
Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τοῦ δοθέντος κύκλου ἑρα-  
πομένων ἐυθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν,



Pro

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
Problema 2. Propo-  
sitio 17.

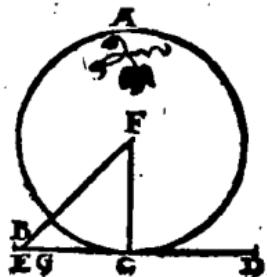
**A**dato puncto rectam li-  
neam ducere, quæ datum  
tangat circulum.



Ἐὰν οὐκέτι ἐφάπιηται τις ἐυθεῖα, ἀπὸ τοῦ κέντρου  
ἔτι τὴν ἄφεντα ταῖς εὐχθῆ τις ἐυθεῖα, ἡ ταῖς εὐχθῆ-  
σα κάμπτετος ἐσται ἔτι τὴν ἀπομένων.

Theorema 16. Propositio 18.

**S**i circulum tangat recta  
quæpiam linea, à cerro au-  
tem ad contactum adiun-  
gatur recta quædā linea:  
quæ adiuncta fuerit ad ip-  
sam cōtingentem perpen-  
dicularis erit.



Ἐὰν οὐκέτι ἐφάπιηται λεῖψις ἐυθεῖα, ἀπὸ τῆς ἀφῆς τῇ ἐ-  
φαπτομένῃ περὶ τὸν ὅρθας γωνίας ἐυθεῖα γραμμὴ  
ἀχθῆ, ἔτι τὴν ἀχθεῖσαν τῷ κέντρῳ τοῦ κύκλου τοῦ οὐκέτι.

Theorema 17. Propositio 19.

**S**i circulum tetigerit recta quæpiam linea, à  
com.

contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangentē excitetur, in excitata erit centrum circuli.

x

Εν κύκλῳ ἡ τερὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασιάντει τὸ τερὸς τῇ περιφερείᾳ, διαν τὴν αὐτὴν περιφέρειαν βάσιν ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theorema 18. Propo-

sitio 20.

In circulo angulus ad centrū duplex est anguli ad peripheriam, cùm fuerit eadem peripheria basis angulorum.

xa

Εν κύκλῳ αἱ στοιχεῖα τῷ αὐτῷ τριάμβῳ γωνίαι, ίσαι ἀλλήλαις εἰσὶν.

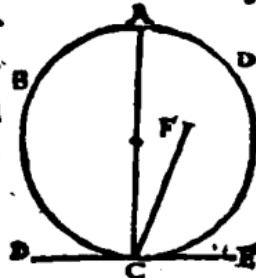
Theorema 19. Propo-

sitio 21.

In circulo, qui in eodem segmento sunt anguli, sunt inter se æquales.

xb

Τῶις τοῖς κύκλοις τετζαπλεύρων αἱ ἀποντίσιαι γωνίαι,



EVCLID. ELEMENT. GEOM.

γωνίας, δυστινόρθοδαις ἵστημεσίν.

Theorema 20. Propositiō 22.

Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.

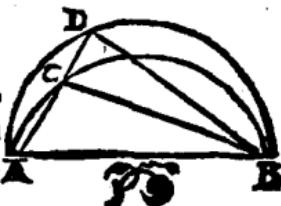


xγ

Ἐπὶ ταῦτῃς ἐνδέιας, δύο τμήματα κύκλων ὁμοια  
χάριστα οὐ συναδήσονται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theorema 21. Propositiō 23.

Super eadem recta linea, duo segmēta circulorum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.

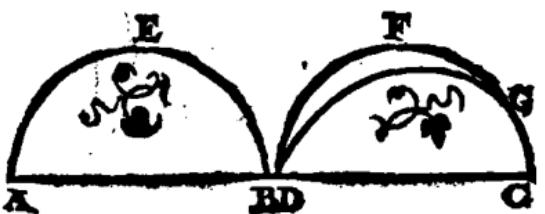


xδ

Τὰ ἐπὶ ἴσων ἐνδέιῶν ὁμοια τμήματα κύκλων, ἵστημεσίν.

Theorema 22. Propositiō 24.

Super eis  
qualib.  
rectis li-  
neis simi-  
lia circu-  
lorū se-  
gmenta



funt

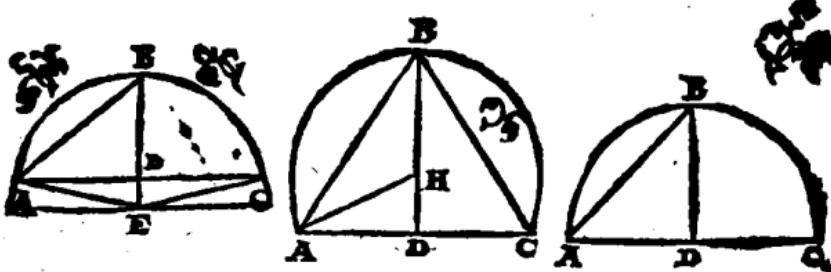
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, προσαναγμένου τὸν  
κύκλον, οὐ περὶ ἐνὶ τμήμα.

Problema 3. Propositio 25.

Circuli segmento dato, describere circulum,  
cuius est segmentum.



κε

Ἐντοῖς ἡ Γεις κύκλοις αἱ ἴσαι γωνίαι, ἐπεὶ ἴσων τερ-  
φερεῖσιν βεβηκασι, ἐάντε τῷρος τῆς κέντροις, ἐάν τε  
τῷρος τὰς τεριφερεῖσις ὥσι βεβηκῆσι.

Theorema 23. Propositio 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqua-

lib. pe-

riphes-

rijs insi-

stunt

sive ad

centra,

sive ad

peripherias constituti insistant.



κε επ

Ἐν τοῖς ἵσις κύκλοις, ἐάντα ἴσων τετριφερεῖῶν βε-  
βηκόμενών τοις, ἴσαις ἀλλήλαις ἔστιν, ἐάντε τρὸς τοῖς  
κέντροις, ἐάντε τρὸς τὰς τετριφερεῖας ὡσὶ βεβη-  
κόμεναι.

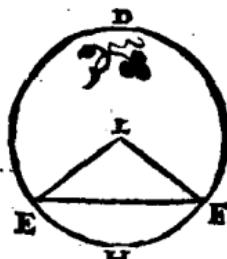
Theorema 24. Propositio 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æqualibus  
peripheriis insi-  
stunt, sunt  
inter se  
æquales  
sive ad  
centra, si  
ue ad peripherias constituti insistant.

Ἐν τοῖς ἵσις κύκλοις οἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἴσαις τετριφε-  
ρεῖαι ἀφαιροῦσι, τὴν μὲν μείζονα, τῇ μείζονι, τὴν δὲ  
ἔλαττονα, τῇ ἔλαττονι.

Theorema 25. Propositio 28.

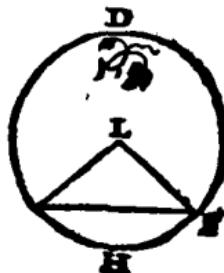
In æqualibus circulis, æquales rectæ lineæ  
æquales  
peripherias aufe-  
runt, ma-  
jore qui-  
dem ma-  
jori, mi-  
norē autem minori.



Ἐν τοῖς ἵσις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἵσας περιφέρειας  
ἱσαὶ εὐθεῖαι ὑποτείνουσι.

Theorema 26. Propositio 2d.

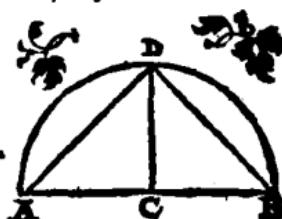
In equalibus circulis, et quales peripherias æquales rectæ lineæ subtendunt.



λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν δίχα τέμνειν.

Problema 4. Propositio 3o.



Datam peripheriam bifariam secare.

λα

Ἐν κύκλῳ, μὲν σὸν τῷ ἡμικυκλίῳ γωνίᾳ ὁρθή ἐσιν,  
ἢ ἢ σὸν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττων ὁρθῆς, ἢ ἢ σὸν τῷ  
ἐλάττονι, μείζων ὁρθῆς: καὶ ἔτι μὲν τοῦ μείζονος τμήματος γωνίᾳ, μείζων ἐσιν ὁρθῆς, ἢ ἢ τοῦ ἐλάττονος  
τμήματος γωνίᾳ, ἐλάττων ἐσιν ὁρθῆς.

Theorema 27. Propositio 13.

In circulo angulus qui in semicirculo, re-

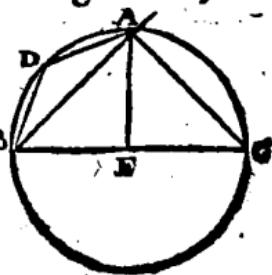
Ectus

# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

**E**tus est: qui autem in maiore segmento, minor recto: qui verò in minore segmento, maior est, recto. Et insuper angulus maioris segmenti, recto quidem maior est: minoris autem segmenti angulus, minor est recto.

λβ

Ἐὰν κύκλῳ ἐφάπλιται τις ἐυθεῖα, ἀπὸ γῆς ἀφῆσ-  
ται τὸν κύκλον διαχωρίτις ἐυθεῖα τέμνουσα τὸν κύ-  
κλον: ἀς ποιεῖ γωνίας ἀρὸς τῇ ἐφαπλομένῃ, ἵσαι ἐ-  
σονται τῷς οὐ τοῖς ἑναλλαξ τοῦ κύκλῳ τμήμασε  
γωνίας.

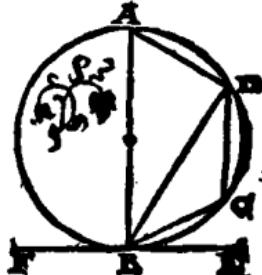


## Theorema 28. Propositio 32.

Sic circulum tetigerit aliqua recta linea, à contactu autem producatur quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt ijs qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

λγ

Ἐστὶ τῆς δοθείσης ἐυθείας γράμμα τμῆμα κύκλῳ δεχόμενον γωνίαν ἵσαι τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐυθε-  
γράμμῳ.



Pro-

## Problema 5. Propositio 33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

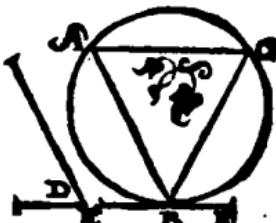


λδ

Από τούδοις δοθέντος κύκλου τμῆμα ἀφελεῖν δεχόμενον γωνίαν ίσων τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

## Problema 6. Propositio 34.

A dato circulo segmentum abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λε

Ἐὰν δέ κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ διάτονον τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὅρθογώνιον, ἵσον ἐστὶ τῷ διάτονῳ τῶν τέτερας τμημάτων περιεχομένῳ ὅρθογωνίῳ.

## Theorema 29. Propositio 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuè

E 2 secue-

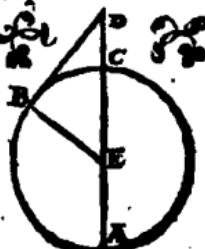
**EVCLID. ELEMEN. GEOM.**  
 secuerint, rectangulum comprehensum sub  
 segmen-  
 tis vnius,  
 æquale  
 est ei, qd'  
 sub seg-  
 mētis al-  
 terius cō  
 prehenditur, rectangulo.  
 λε



Εὰν κύκλῳ ληφθῇ τὶ συμεῖον ἐκτὸς, καὶ ἀπὸ αὐτοῦ  
 πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο ἐυθεῖαι, καὶ ἢ μέν  
 εἰντὸν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἢ ἢ ἐφάπτηται: ἐναγ̄ τὸ ὑπὸ<sup>τ</sup>  
 ὅλης τῆς τεμνούσης καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβανομένης  
 μεταξὺ τοῦ τε συμείου καὶ τῆς χυρτῆς περιφερείας, τας  
 γε εχόμενον δρόμογύνιον, ἵσον τῷ ἀπὸ τῆς ἐφαπτομέ-  
 νης τετραγώνῳ.

### Theorema 30. Proposition 36.

Si extra circulum sumatur punctum ali-  
 quod, ab eo que in circulum cadant duæ re-  
 ctæ lineæ, quarum altera quidem circulum  
 secet, al-  
 tera ve-  
 rò tan-  
 gat: qd'  
 sub to-  
 ta secā-  
 te & ex



terius

terius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta comprehenditur rectangle, æquale erit ei, quod à tangentē describitur quadrato.

λξ

Εὰν κύκλῳ λιθῳ τι συμεῖον ἔχτος, ἀπὸ δὲ τοῦ σημείου τρόπος τὸν κύκλον προστίθισθαι δύο ἐυδίαι, καὶ μὲν αὐτῶν τίμη τὸν κύκλον, ἡ δὲ προστίθη, ἡ δὲ τὸ ὑπὸ τοῦ λίθου τεμνούσης, καὶ τὸ ἔχτος ἀπολαμβανομένης μεταξὺ τούτῃ σημεῖον καὶ τὸ κυρτῆς περιφερεῖας, οἷον τῷ ἀπὸ τῆς προστίθησθαι: οὐ προστίθσα έφάγεται τοῦ κύκλου.

Theorema 31. Proposition 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta, comprehenditur rectangle, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrate: incidentis ipsa circulum tanget.



Elementi tertij finis.

E 3 ΕΥΚΛΕΙ-

ΕΥΚΛΕΙ-  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ  
ΤΕΤΑΡΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM QUARTVM.

Σ Ρ Ο Ι.

α

**Σ**χῆμα ἐυθύγραμμον εἰς σχῆμα ἐυθύγραμμον ἐγγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἔκαστη τῶν τοῦ ἐγγραφομένου σχήματος γωνιῶν, ἔκαστης πλευρᾶς τοῦ εἰς ὃ ἐγγράφεται ἀπίηται.

DEFINITIONS.

I

Figura rectilinea in figura rectilinea inscribi dicitur, cum singuli eius figuræ quæ inscriftur, anguli singula latera eius, in qua inscriftur, tangunt.



β ΣΧΗ-

β

Σχῆμα ἃ δυοῖς τερὶ σχῆμα τεριγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἔκάτη πλευρὰ τοῦ τεριγραφούτου, ἔκάτης γωνίας τοῦ τερὶ δ τεριγράφεται, ἀπῆται.

2

Similiter & figura circum figuram describi dicitur, quum singula eius quæ circunscribitur, latera singulos eius figuræ angulos tetigerint, circum quam illa describitur.

γ

Σχῆμα ἃ εὐδύγραμμον εἰς κόχλον ἐγγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἔκάτη γωνία τοῦ ἐγγραφούτου ἀπῆται τοῦ κόχλου τεριφερείας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur, quum singuli eius figuræ quæ inscribuntur, anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχῆμα ἃ εὐδύγραμμον τερὶ κόχλον τεριγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἔκάτη πλευρὰ τοῦ κόχλου τεριφερείας, τοῦ τεριγραφούτου ἐφάπηται.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quum singula latera eius, quæ circum scribitur, circuli peripheriam tangunt.

5

Κύκλος ἢ ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγράφεσθαι, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστη πλευρᾶς τοῦ εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆκται.

6

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figuræ, cui inscribitur.

7

Κύκλος ἢ περὶ σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστη γωνίας τοῦ περιγράφεται, ἀπῆκται.

8

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circunscribit, angulos.

9

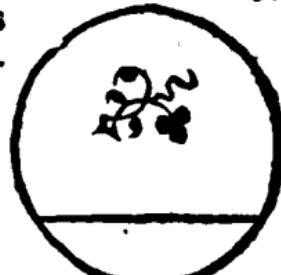
Εὐθεῖα εἰς κύκλον σύναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς τὸ περιφερεῖας ἢ τοῦ κύκλου.

10

Recta linea in circulo accommodari seu coaptari

aptari dicitur, quum eius  
extrema in circuli peri-  
pheria fuerint.

Προτάσεις

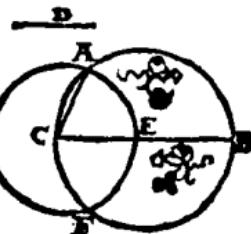


*Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τὴν δοθεῖσην εὐθεία μὴ μέ-  
ζον: οὕστι τῆς τοῦ κύκλου διαμέτρου, ἵστω εὐθεῖα i-  
ναρμόσου.*

Problema 1. Propo-

sitio 1.

In dato circulo, rectam li-  
neam accommodare &  
qualem datæ rectæ lineæ,  
quaæ circuli diametro nō  
sit maior.      β

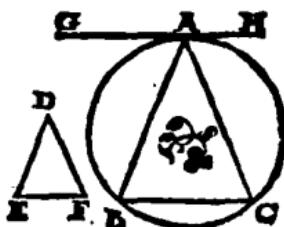


*Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθείνει πρώτῳ εἴγε  
νιον πρώτων ἐγγράψαι.*

Problema 2. Propo-

sitio 2.

In dato circulo, triangu-  
lum describere dato trian-  
gulo equiangulum.



*Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθείνει πρώτῳ εἴγε  
νιον πρώτων περιγράψαι.*

E 5

Pro-

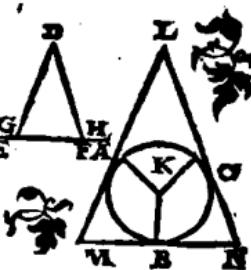
EVCLID. ELEMENTA. GEOM.

Problema 3. Propo-  
sitio 3.

Circa datum circulū tri-  
angulū, describere dato  
triāngulo equiangulum.

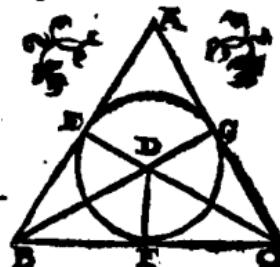
δ

Eis tō δοθέντων γέγονον, κύκλον ἐγγράψατε.



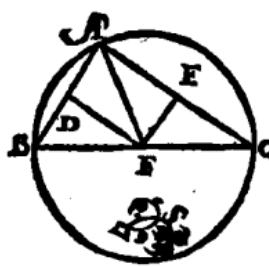
Problema 4. Propo-  
sitio 4.

In dato triangulo circu-  
lum inscribere.



Εισ τὸ δοθέντων γέγονον, κύκλον περιγράψατε.

Problema 5. Propositio 5.  
Circa datum triangulum, circulum descri-  
bere.

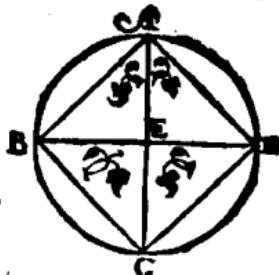


Eis τὸν δοθέντα κύκλον, τε γέγονον ἐγγράψατε.

Pros.

**Problema 6. Proposito 6.**

In dato circulo quadratū describere.

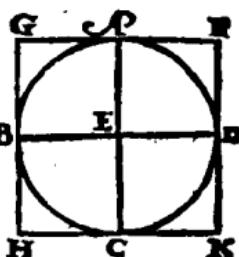


ζ

Περὶ τὸ δοθέντα κύκλου, τετράγωνον περιγράφει.

**Problema 7. Proposito 7.**

Circa datum circulum, quadratum describere.

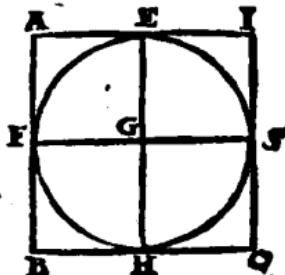


η

Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐγγράφει.

**Problema 8. Proposito 8.**

In dato quadrato circulum inscribere.



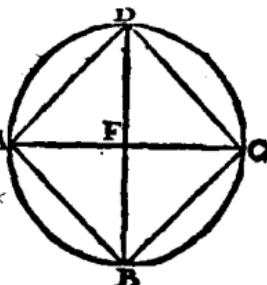
ι

Περὶ τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγράφει.

Propo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
Problema 9. Propo-  
sitio 9.

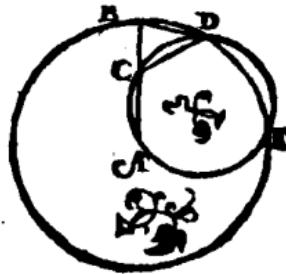
Circa datum quadratum,  
circulum describere.



Ισοσκελὲς τύγωνον συστήσασθαι, ἔχον ἑκατέρους τῶν  
τερὸς τῆς βάσει γωνιῶν, διπλασίουα τὸ λοιπόν.

Problema 10. Propo-  
sitio 10.

Isoseles triangulum con-  
stituere, quod habeat v.  
trinque eorum, qui ad  
basim sunt, angulorum, du-  
plum reliqui.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἴσοπλευρόν τε  
καὶ ἴσογώνιον ἐγγράψαι.

Theorema II. Propositio II.

In dato cir-  
culo, pen-  
tagonum  
æquilate-  
rum & æ-  
quiangu-  
lum inscri-  
bere.



εγ Περὶ

β

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλου, πεντάγωνον ἴσόπλευρόν τε καὶ ἴσογώνιον περιγράψαι.

Problema 12. Propo-  
sitione 12.

Circa datum circulum,  
pentagonum æquilatero-  
rum & æquiangulum de-  
scribere.

γ

Εἰς τὸ δοθὲν πεντάγωνον, δέδειν ἴσόπλευρόν τε καὶ ἴσο-  
γώνιον, κύκλου ἐγγράψαι.

Problema 13. Propo-  
sitione 13.

In dato pentagono equi-  
latero & æquiangulo, cir-  
culum inscribere.

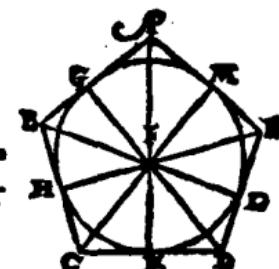
δ

Περὶ τὸ δοθὲν πεντάγωνον, δέδειν ἴσόπλευρόν τε καὶ  
ἴσογώνιον, κύκλου περιγράψαι.

Problema 14. Propo-  
sitione 14.

Circa datum pentagonū,  
æquilaterum & æquiangulū, circulū describere.

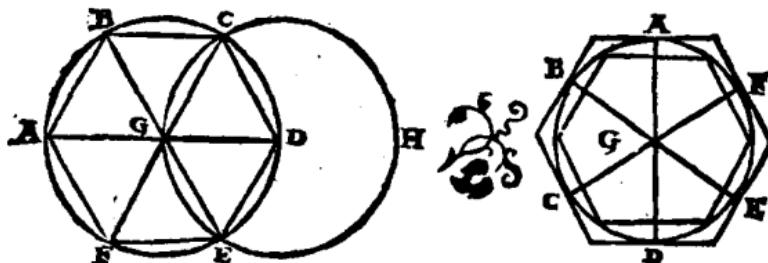
εἰς



Πίσ τὸν δοθέντα κύκλου, ἔξαγωνον ἴσόπλευρόν τε καὶ  
ἴσογώνιον ἐγγράφαι.

Problema 15. Propositio 15.

In dato circulo hexagonum & equilaterum  
& æquianangulum inscribere.

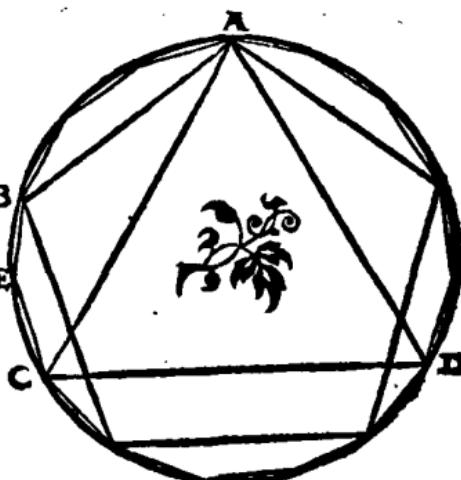


Εἰς τὸν δοθέντα κύκλου πεντεκαῦδεκάγωνον ἴσο-  
πλευρόν τε καὶ ἴσογώνιον ἐγγράφαι.

Prop. 16.

Theor. 16.

In dato cir-  
culo quin-  
tidecaga-  
num & æ-  
quilaterū  
& æquian-  
gulum de-  
scribere.



Elementi quarti finis.

Ε Y K A L E I  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΗΟΝ  
ΠΕΜΠΤΟΝ.

E V C L I D I S E L E M E N -  
T V M Q V I N T V M .  
E P O L .

α

Mερος ἐτὶ μέγενος μεγεθύς, τὸ ἔλασθρον τοῦ μέ-  
γονος, ὅταν καταμετρῇ τὸ μείζον.

D E F I N I T I O N E S .

I  
Pars est magnitudo magnitudinis minoris  
maioris, quum minor metitur maiorem.

β

Πολλαπλάσιον δὲ τὸ μεῖζον τοῦ ἔλασθρου, ὅταν κα-  
ταμετρηθεῖ πότε τοῦ ἔλασθρου.

2

Multiplex autem est maior minoris, cùm  
minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ἐτὶ δύο μεγεθῶν δμογενῶν ἢ κατὰ πηλικότη-  
τα πρὸς ἄλληλα ποιά σχέσις.

3 Ratio

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

δ

Αναλογία δὲ έστιν, ἡ τῶν λόγων δμοιότης.

4

Proportio vero, est rationum similitudo.

ε

Αόγον ἔχει τριῶν ἀλλήλα μεγέθη λέγεται, αἱ δύναται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπερέχειν.

5

Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicatae sese mutuo superare.

Ϛ

Ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται ἕνας, τριῶν τριῶν δεύτερον, καὶ τίτον τριῶν τέταρτον, ὅταν τὰ τοῦ τριών τριῶν καὶ τίτου ἴσακις πολλαπλασία, τῶν τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου ἴσακις πολλαπλασίων καθ' ὅποιονοῦν πολλαπλασιασμὸν, ἐκάτερον ἐκατέρῳ ἡ ἄμα ἐλείπῃ, ἡ ἄμα ἵσται, ἡ ἄμα ὑπερχιλιφθέντα καταλληλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam

quartam: cùm primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualisunque sit hæc multiplicatio, utrumque ab utroque, vel unà deficiunt, vel unà æqualia sunt, vel unà excedunt, si easumantur quæ inter se respondent.

ξ

Τὰ Ἰ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλείσθω.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

ὅταν ἡ τῶν ισάκις πολλαπλασίων, τὸ μὲν τοῦτο τῷ πολλαπλάσιον ὑπερέχῃ τοῦτο τοῦ δευτέρου πολλαπλασίου, τὸ δὲ τοῦ τρίτου πολλαπλάσιον, μὴ ὑπερέχῃ τοῦ τοῦ τετάρτου πολλαπλασίου, τό τε τῷ πολλαπλασίῳ τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχει λέγεται, ἢ περ τὸ τρίτον τῷ πολλαπλασίῳ τὸ τέταρτον.

8

Cùm verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excesserit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excesserit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quam tertia ad quartam.

9

Αναλογία ἡ τοιούτη στοιχεῖον εἰλαχίστην.

# EVCLID. ELEMENTA GEOM.

9

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Οταν ἡ τρία μεγέθη ἀνάλογον ἔη, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίαν λόγον ἔχει λέγεται, ἢ περ τρὸς τὸ δεύτερον. Οταν ἡ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ἔη, τὸ τρῶτον τρὸς τὸ τέταρτον, διπλασίαν λόγον ἔχει λέγεται, ἢ περ τρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἱ ἔξι ἔξις ἐν πλειόν, ἔως ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχῃ.

10

Cum autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicitam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cum quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps uno amplius, quandiu proportio extiterit.

11

Θμόλογα μεγέθη λέγεται ἔναν, τὰ μὲν ἡγούμενα τοῖς ἡγεμένοις, τὰ δὲ πόμηνα τοῖς ἐπομένοις.

II

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes vero consequentibus.

β Εὐαλ-

13

Εναλλάξ λόγος, ἐσὶ λῆψις τοῦ ἡγεμένου πρὸς τὸ ἡ-  
γούμδυον, χρὶ τοῦ ἐπομένου πρὸς τὸ ἐπόμδυον.

12

Altera ratio, est sumptio antecedentis com-  
parati ad antecedentem, & consequentis ad  
consequentem.

1γ

Ανάταλιν λόγος, ἐσὶ λῆψις τοῦ ἐπομένου ἡγε-  
μένου, πρὸς τὸ ἡγούμδυον ὡς ἐπόμδυον.

13

Inuersa ratio, est sumptio consequentis, ceū  
antecedentis, ad antecedentem velut ad con-  
sequenter.

1δ

Σύνθεσις λόγου, ἐσὶ λῆψις τοῦ ἡγεμένου μετὰ τοῦ ἐπο-  
μένου ἐνὸς πρὸς αὐτὸν τὸ ἐπόμδυον.

14

Compositio rationis, est sumptio antece-  
dentis cum consequente ceu vnius, ad ip-  
sum consequenter.

1β

Διάρρεσις δὲ λόγου, ἐσὶ λῆψις τῆς ὑπεροχῆς, ἣ  
ὑπερέχει τὸ ἡγούμδυον τοῦ ἐπομένου, πρὸς αὐτὸν τὸ  
ἐπόμδυον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus  
F 2 quo

EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
quo consequentem superat antecedens ad  
ipsum consequentem.

15

Αναγροφὴ λόγος, ἐτὶ λῆψις τοῦ ἡγεμένου ἀρὸς τὴν ὑπεροχὴν, οὐ περέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου.

16

Conuersio rationis, est sumptio antecedentis ad excessum, quo superat antecedens ipsum consequentem.

17

Δίστηλόγος ἐτὶ πλεόνων δυνάμων, καὶ ἄλλων αὐτοῖς ἵσων τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανομένων καὶ τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἡ ὥστη τοῖς ἀρώτοις μεγέθεσται, τὸ ἀρώτον ἀρὸς τὸ ἐσχατον, δύτως τοῖς δευτέροις μεγέθεσται, τὸ ἀρώτον πρὸς τὸ ἐσχατον. Η ἄλλως, λῆψις τῶν ἀκρων, καὶ ὑπεξάρεσιν τῶν μετων.

18

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint magnitudines, & his aliæ multitudine pares quæ binæ sumantur, & in eadem ratione: quum ut in primis magnitudinibus prima ad ultimam, sic & in secundis magnitudinibus prima ad ultimam sese habuerit. vel aliter, sumptio extremorum per subductionem mediorum.

19

Τεταγμένη ἀνάλογία ἐτὶν, ὅταν ἡ ὥστη ἡγούμενον ἀρὸς ἐπόμενον, δύτως ἡγούμενον πρὸς τὸ ἐπόμενον,

τον, ἢ ἐώς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐπόμενος  
πρὸς ἄλλο τί.

## 18

Ordinata proportio est, cùm fuerit quem-admodum antecedens ad consequentem, ita antecedens ad consequentem: fuerit etiam ut consequens ad aliud quidpiam, ita consequens ad aliud quidpiam.

## 19

Τεταραγμένη ἡ ἀναλογία ἔστιν, ὅταν οἱ ὅντες με  
θεῶν, καὶ ἄλλων ἵσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος γίνεται ὡς  
μὲν τὸ τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον πρὸς  
ἐπόμενον, δυτικαὶ τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡγού-  
μενον πρὸς ἐπόμενον: ὡς ἢ τοῖς πρώτοις μεγέ-  
θεσιν ἐπόμενον πρὸς ἄλλο τί, δυτικαὶ τοῖς δευτέ-  
ροις μεγέθεσιν ἄλλο τί πρὸς ἡγούμενον.

## 19

Perturbata autem proportio est, tribus positis magnitudinibus, & alijs quæ sint his multitudine pares, cùm ut in primis quidem magnitudinibus se habet antecedens ad consequentem, ita in secundis magnitudinibus antecedens ad consequentem: ut autem in primis magnitudinibus consequens ad aliud quidpiam, sic in secundis magnitudinibus aliud quidpiam ad antecedentem.

# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

## Πρωτάστεις.

α

Εὰν ἡ ὁποσασθν μεγέθη, διποσωνοδν μεγεθῶν ἴσων  
τὸ πλῆθος. ἔκαστον ἔκαστος ἴσάκις πολλαπλάσιον δοσα  
πλάσιόν ἔστιν ἐν τῶν μεγεθῶν ἑνὸς, τοσαυταπλάσια  
ἔσαι καὶ τὰ τάντα τῶν τάντων.

### Theorema 1. Propo-

#### sitio 1.

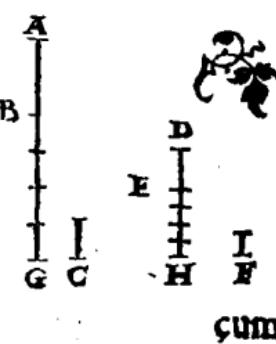
Si sint quotcunque magnitudi-  
nes quotcunque magnitudinum  
æqualium numero, singulæ singu-  
larum æquè multiplices, quām  
multiplex est vnius una magnitu-  
do, tam multiplices erunt & om-  
nes omnium.

β

Εὰν πρῶτον δευτέρους ἴσάκις ἡ τολλαπλάσιον καὶ  
τέταρτου τετάρτου, ἡ δὲ καὶ πέμπτον δευτέρους ἴσάκις πολ-  
λαπλάσιον, καὶ ἔκτου τετάρτου: καὶ συντεθὲν τριῶν  
καὶ τέμπτον δευτέρους ἴσάκις ἔσαι πολλαπλάσιον, καὶ  
τέταρτου καὶ ἔκτου τετάρτου.

### Theore. 2. Propo. 2.

Si prima secūdē æquè fue-  
rit multiplex, atq; tertia B  
quartæ, fuerit autem &  
quinta secūdæ æquè mul-  
tiplex, atq; sexta quartæ:  
erit & compoſita prima



cum

LIBER V. 44  
 cum quinta, secundæ æquè multiplex, atq;  
 tertia cum sexta, quartæ.

γ

Εὰν τριῶν δευτέρου ἵσαχις ἡ πολλαπλάσιον, χαὶ τρίτον τετάρτης, λιφθῆ ἡ ἵσαχις πολλαπλάσια τοῦ τριῶν τετάρτης καὶ οὕτως, τῶν λιφθέντων ἑκάτερον ἑκατέρης ἵσαχις ἔσαι πολλαπλάσιαν, τὸ μὲν τοῦ δευτέρου, τὸ δὲ τοῦ τετάρτης.

Theoremaz. Propo-  
 sitio 3.

Si sit prima secundæ æquè multiplex atq; tertia quartæ, sumantur autem æquè multiplices primæ & tertiaz: erit & ex equo sumpta rum utraque utriusque æquè multiplex, altera quidem secundæ, altera autem quartæ.

δ

Εὰν τριῶν τριῶν δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, χαὶ τρίτον τριῶν τέταρτον: χαὶ τὰ ἵσαχις πολλαπλάσια τοῦ τετράτης καὶ τρίτης, τριῶς τὰ ἵσαχις πολλαπλάσια τοῦ δευτέρου χαὶ τετάρτης καθ' ὅποιονοῦν πολλαπλασιασμὸν, τὸν αὐτὸν ἔξι λόγον λιφθέντα κατάλληλα.

F 4      Thea-

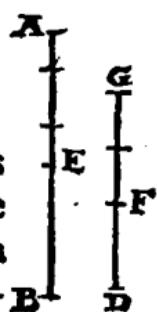
EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
Theorema 4. Propositio 4.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, & tertia ad quartam: etiam æquè multipli-  
ces primæ & ter-  
tiæ, ad æquè  
multiplices se-  
cundæ & quar-  
tæ iuxta quan-  
uis multiplicata-  
tionem, eandem habebunt rationem, si  
prout inter se respondent, ita sumptæ fue-  
rint,

Εάν μέγεθος μεγέθυς ἴσακις ἡ πολλαπλάσιον,  
ὅτερ ἀφαιρεθὲν ἀφαιρεθέντος, χαρί τὸ λοιπόν τοῦ  
λοιποῦ ἴσακις ἐξαὶ πολλαπλάσιον, ὅσαπλάσιον ὅτι  
τὸ ὅλον τοῦ ὅλη.

Theorema 5. Propo-  
sitio 5.

Si magnitudo magnitudinis  
æquè fuerit multiplex, atque  
ablatæ ablatæ: etiam reliqua  
reliqua ita multiplex erit, ut to-  
ta totius.



5 Eav

5

Ἐὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἴσάχις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεδέντα τινὰ τῶν αὐτῶν ἴσάχις ἢ πολλαπλασία: καὶ τὰ λοιπά τοῖς αὐτοῖς ἡτοι ἴσα ἐτίγ, ἢ ἴσάχις αὐτῶν πολλαπλασία.

Theorema 6. Propo-  
sitio 6.

Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiplies, & detractæ quædam sint earundem æquè multiplies: & reliquæ eiusdem aut æquales sunt, aut æquè ipsarū multiplies.

Τὰ ἵσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἵσα.



Theorema 7: Propo-  
sitio 7.

Aequales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.



Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει περ τὸ ἑλαῖον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἑλαῖον μείζονα λόγον ἔχει περ πρὸς τὸ μείζον.

F 5 Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 8. Propo  
sitio 8.

Inæqualium magnitudi-  
num, maior ad eandem  
maiorem rationem ha-  
bet, quàm minor: & ea-  
dem ad minorem, maio-  
rem rationē habet, quàm  
ad maiorem.



9

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸν ἀντίθετα ἔχοντα λόγον, οὐσα ἀλλήλοις  
ἴσιχεὶ πρὸς ὅ τὸ αὐτὸν ἀντίθετο λόγον, κακέντα  
οὐσα ἀλλήλοις οὐσίν.

Theorema 9. Propositio 9.

Quæ ad eandem, eandem habent ratio-  
nem, æquales sunt inter se: & ad  
quas eadem, eandem habet ra-  
tionem, eæ quoque sunt inter  
se æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων, τὸ τὸν μείζονα λό-  
γον ἔχον, ἔκεινο μείζον ὡς τὸ πρὸς ὅ τὸ αὐτὸν μείζονα  
λόγον ἔχει, ἔκεινα ἐλάττον ὡς.

Theor.

## Theorema 10. Propositio 10.

Ad eandem magnitudinem, rationem habentium, quæ maiorem rationem habet, illa maiore est, ad quam autem eadem maiorem rationem habet, illa minor est.

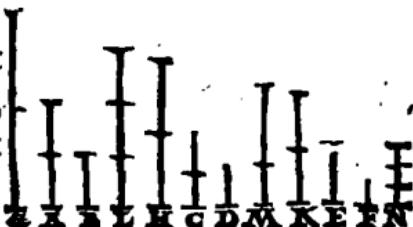


α

Oἱ τῷ αὐτῷ λόγῳ οἱ αὐτοὶ, καὶ ἀλλήλοις τοῖν δὲ αὐτοῖν.

## Theorema 11. Propositio 11.

Quæ eidem sunt eadē rationes, & inter se sunt eadē.



β

Εὰν δὲ ὑποστασῶν μεγέθη ἀνάλογον, ἐναργέστεντῶν ἡγεμένων τερὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἀπαιτατὰ τὰ ἔργούμενα, τερὸς ἀπαιτατὰ τὰ ἐπόμενα.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 12. Propositio 12.

Si sint magnitudines quocunque proportionales, quemadmodum se habuerit una antecedentium ad vnam consequentium, ita se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

γ

Εάν τωράτον τωρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ τίτον πρὸς τέταρτον, τίτον δὲ πρὸς τέταρτον μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ πέρι πέμπτον τωρὸς ἔχον: καὶ πρῶτον τωρὸς δεύτερον μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πέρι πέμπτον τωρὸς ἔχον.

Theorema 13. Propositio 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, tertia verò ad quartam, maiorem rationem habuerit, quam quinta ad sextā: prima quoque ad secundam maiorem rationem habebit, quam quinta ad sextam.

δ Εάν

ιδ

Ἐὰν τριῶν τριῶν δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ  
ζίτον τριῶν τέταρτον, τὸ δὲ τριῶν τοῦ ζίτη μεῖζον  
ἢ: καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μεῖζον ἐσαι, καὶ οὐλασ-  
τι, ἐλαστι.

## Theorema 14. Propositio 14.

Si prima ad secundam candem habuerit ra-  
tionem, quam tertia ad quartam,  
prima verò quam tertia maior  
fuerit: erit & secunda maior quam  
quarta. Quod si prima fuerit æ-  
qualis tertiae, erit & secunda æ-  
qualis quartae: si verò minor, &  
minor erit.

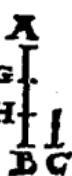


ιε

Τὰ μέρη, τοῖς ὥσπερ ταῖς πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν  
ἔχει λόγον, λῆψις κατάλληλα.

Theorema 15. Propo-  
sitio 15.

Partes, cum pariter mul-  
tiplicibus in eadem sunt  
ratione, si prout sibi mu-  
tuo respondent, ita su-  
mantur.



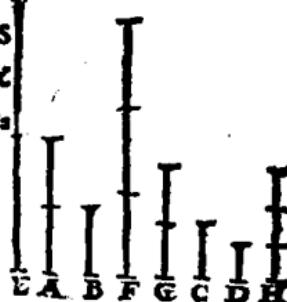
15 Ed,

EYCLID. ELEMENT. GEOM.

<sup>15</sup>  
Εὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ἢ, καὶ συναλλάξ ἀνάλογον εἰσαγότες.

Theorema 19. Propositio 16.

Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, & vicissim proportionales erunt.



<sup>16</sup>  
Εὰν συγκέιμνα μεγέθη ἀνάλογον ἢ, καὶ διαφερεῖσθαι, ἀνάλογον εἰσαγότες.

Theorema 17. Propositio 17.

Si compositæ magnitudines proportionales fuerint, hæ quoque diuisæ proportionales erunt.

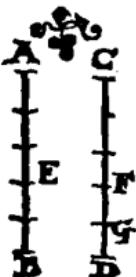


<sup>17</sup>  
Εὰν διῃρημένα μεγέθη ἀνάλογον ἢ, καὶ συντεθέντα ἀνάλογον εἰσαγότες.

Theon

## Theorema 18. Propositio 18.

Si diuisæ magnitudines sint proportionales, hæ quoque compositiones proportionales erunt.



Ἐὰν ἡ ὁλον πρὸς ὅλον, ὅυταις, ἀφαιρεθὲν τῷ πρὸς ἀ-  
φαιρεθὲν: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσαι, ὡς ὅλον  
τῷ πρὸς ὅλον.

## Theorema 19. Propositio 19.

Si quemadmodum totum ad to-  
tum, ita ablatum se habuerit ad  
ablatum: & reliquum ad reli-  
quum, ut totum ad totum se ha-  
bebit.



Ἐὰν ἡ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος,  
σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ εἰ τῷ αὐτῷ λόγῳ, διί-  
στρι γέ τὸ τρῶτον τοῦ Σίτου μεῖζον ἥ: καὶ τὸ τέταρ-  
τον τοῦ ἔκτου μεῖζον ἔσαι: καὶ οἱ σεν, οἱ γυναικεῖς  
λασθε.

Theo-

# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

## Theore. 20. Pro-

### positio 20.

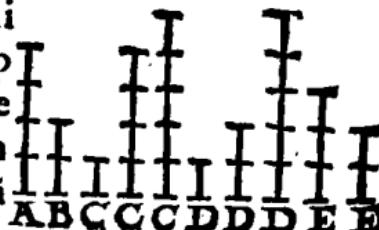
Si sint tres magnitudines, & aliæ ipsius æquales numeri, quæ binæ & in eadem ratione sumantur, ex æquo autem prima quam tertia maior fuerit: erit & quarta, quam sexta maior. Quod si prima tertiae fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: si illa minor, hæc quoque minor erit.

x a

Ἐὰν ἡ Σία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἵστα τὸ πλῆνος σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἡ ἢ τετραγυμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, διίσχ δὲ τὸ τέταρτον τοῦ Σίτου μεῖζον ἡ:καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἔκτου μεῖζον ἐσαι:καὶ ιΓν, ιΓν:καὶ έλασΓν, έλασΓν.

## Theorema 21. Propositio 21.

Si sint tres magnitudines, & aliæ ipsius æquales numeri quæ binæ & in eadē ratiōe sumantur, fueritq; per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autem prima quæcumque tertia maior fuerit, erit & quarta quæcumque sexta maior. quod si prima tertiae fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

x β

Εάν η διποσαοῦν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ίσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα σὺ τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ διέσθησα τῷ αὐτῷ λόγῳ έγαγ.

Theorem. 22.

Prop. 22.

Si sint quot-  
cunq; magni-  
tudines, & a-  
liæ ipmis equa-  
les numero, G K M A B C D E F H L N  
quæ binæ in  
eadem ratione sumantur, & ex æqualitate in  
eadem ratione erunt.

α γ

Εάν η τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ίσα τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενα σὺ τῷ αὐτῷ λόγῳ, η ἡ τετραγμένη αὐτῶν η ἀγαλογία, καὶ διέσθησα τῷ αὐτῷ λόγῳ έγαγ.

G

Theor

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

Theorema 23. Propositio 23.

Si sint tres magnitudines, a liæq; ipsis equalibus numero, que binæ in eadem ratione sumantur, fuerit autem perturbata earum proportio: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.

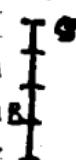
$\chi\delta$

Εάν πρώτον τρισδεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον καὶ τρίτην τρισδεύτερον, ἔχῃ δὲ καὶ τέμπλον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἔκτην τρισδεύτερον καὶ τοιωτερὸν τρισδεύτερον καὶ τέμπλον τρισδεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον, καὶ τρίτου καὶ ἔκτου τρισδεύτερον.

Theorema 24. Propositio 24.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, habuerit autem & quinta ad secundam eandem rationem, quam sexta ad quartam: etiam cōposita prima cum quinta ad

ad



ta ad secundam eandem habebit rationem,  
quam tertia cum sexta ad quartam.

xviii

Εάν τέσσαρα μεγέθη διαλογον ἦ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ  
μικρότερον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ὀρθοί.

Theorema 25. Propo-  
sitio 25.

Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, maxima & minima reliquis duabus maiores erunt.



Elementi quinti finis.

G 2 ΕΥΚΛΕΙ

**ΕΥΚΛΕΙ-**  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ  
ΕΚΤΟΝ.

**EVCLIDIS ELEMEN-**  
**TVM SEXTVM.**

Σ P O I.

a

**Ο**μοια σχήματα έυδύγραμμά ὀντιν, ὅσα τὰς τε γωνίας ἵσας ἔχει κατὰ μίαν, καὶ τὰς τοπεῖ τὰς ἕστις γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

**DEFINITIONES.**

1

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ & angulos singulos singulis & quales habent, atque etiam latera, quæ circum angulos equalis, proportionalia.

β Αγλα

β

Αγέλτε πανθότα ὃ σχήματά ἔστιν, δταν ἵκανίρω  
τῶν σχημάτων ἡγούμενοί τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι  
Θεοί.

2

Reciproce autem figuræ sunt, cùm in utra-  
que figura antecedentes & consequentes ra-  
tionum termini fuerint.

γ

Ακρον καὶ μέσην λόγον ἐυδίαι τετμῆσθαι λέγεται, δ-  
ταν οὐδὲν διῃ τρόπος τὸ μεῖζον τμῆμα, διτως τὸ μῆ-  
ζον τρόπος τὸ ἔλασθρ.

3

Secundum extremam & medium rationem  
recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad  
maius segmentum, ita maius ad minus se ha-  
buerit.

δ

Υψος ἐστὶ πλευτὸς σχήματος, οὐδὲν δὲ καρυφῆς ἐπε-  
τὸν βάσιν κάθετος ἀγομένη.

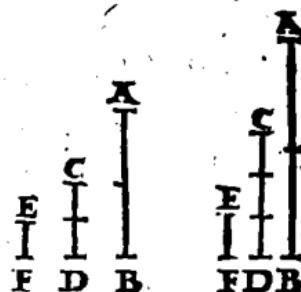
4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpen-  
dicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγος ἐχ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, δταν αὐτὸν λό-  
γων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθῆσθαι  
ποιῶσι θεαλόγον.

Ratio ex rationibus cōponi dicitur, cūm ratio-  
num quantitates inter  
se multiplicatæ aliquam effecerint rationem.



Προτάσεις.

*a*

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τῷ  
αὐτῷ ὄψις ὄντα, ἀφοῦ ἀλληλα ἔστιν ὡς αἱ βάσεις.

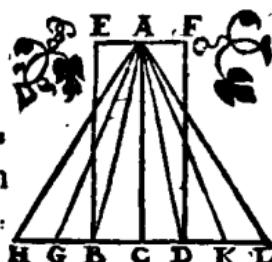
Theorema 1. Propo-  
sitio 1.

Triangula & parallelo-  
gramma, quorum eadem  
fuerit altitudo, ita se ha-  
bent inter se vt bases.

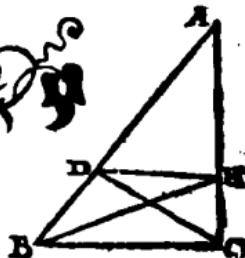
*B*

Εὰν οὖν ταφὰ μίαν τῶν πλευρῶν ἀχθῆ τὶς ἐυ-  
δεῖα ταφάλλοις ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τοῦ οὗγών  
πλευρὰς, καὶ εὰν αἱ τοῦ οὗγών πλευραὶ ἀνάλογον  
τμηθῶσιν, ἡ ἐτοι τὰς τομὰς ἐπιζευγνυμένη ἐυδεῖα,  
ταφὰ τὴν λοιπὴν ἔσαι τοῦ οὗγών πλευρὰν τα-  
φάλλοις.

Theorema 2. Propositio 2.  
Si ad unum trianguli latus parallela du-  
cta



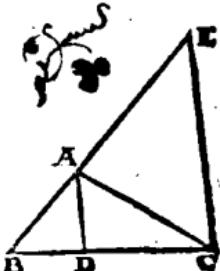
Et si fuerit recta quædam linea: hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera. Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint: quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea, erit ad reliquum ipsius trianguli laterus parallela.



*γ*  
Εάν Σιρών γωνία δίχα τμηθῇ, ἡ ἐτέμνουσα τὴ γωνίας ἐυδῆλα τέμνει καὶ τὸν βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τούτων ἔξει λόγον ταῦς λοιπῶν τοῦ Σιρών πλευρῶν, καὶ τὰν τὰ τῆς βάσεως τμήματα, τὸν ὅμοιόν τοι λόγον ταῦς λοιπῶν τοῦ Σιρών πλευρῶν, ἀπὸ τοῦ χορυφῆς ἐτοί τὸν τομὴν ἐπιχειρεῖν μέντη εὐδῆλα δίχα τέμνει τὸν τοῦ Σιρών γωνίαν.

## Theorema 3. propositio 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basim: basis segmenta eandem habebunt rationem, quam reliqua ipsius trianguli latera. Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera, recta linea,



EVCLID. ELEMENT. GEOM.

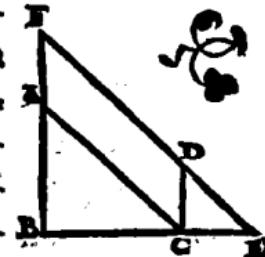
ne, quæ à vertice ad sectionem producuntur, ea bifariam secat trianguli ipsius angulum.

δ

Τὸν ἴγεων τὰς πλευρὰς ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ εἰς τὰς ισας γωνίας, καὶ ὁ μόλις αἱ ὑπὸ τὰς ισας γωνίας ὑποτείνουσαι πλευραὶ.

Theorema 4, Propositio 4.

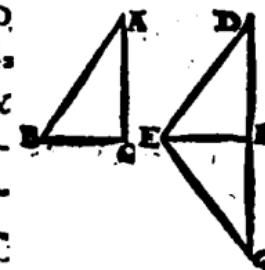
Aequiangularum triangulorum proportionalia sunt latera, quæ circum æquales angulos, & homologa sunt latera, quæ æqualibus angulis subtenduntur.



Εάν δύο τίγεων τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ, ἴγενται εἶσαι τὰ τίγεων, καὶ ισας εἴησι τὰς γωνίας ὑφ' αἷς εἰς ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνοσιν.

Theorema 5, Propositio 5.

Si duo triangula latera proportionalia habeant, equiangularia erunt triangula, & æquales habebunt eos angulos, sub quibus homologa latera subtenduntur.



ε Εάν

γ

Ἐὰν δύο Σίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶς γωνίας ἴσην ἔχει,  
ταῦτην τὰς ισας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ἢ οὐ.  
γώνια ἕσται τὰ Σίγωνα, καὶ οἵτας ἔχει τὰς γωνίας, ὑφε  
διαφόρων πλευρῶν ὑποτείνεσσιν.

### Theorema 6. Propositio 6.

Si duo triangula vnum angulum vniangulo æqualem, & circum æquales angulos  
latera proportionalia habuerint, æquiangularia erunt

triangula, æqua-  
lesq; ha-  
bebunt  
angulos,  
sub qui-



bus homologa latera subtenduntur.

ζ

Ἐὰν δύο Σίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶς γωνίας ἴσην ἔχει,  
ταῦτην τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,  
τῶν δὲ λοιπῶν ἐκατέρων ἅμα ἡτοι ἐλάσσονα ἢ μὴ  
ἐλάσσονα ὄρθης, ἢ θρυσσαῖς τὰ Σίγωνα, καὶ οἵτας  
ἔχει τὰς γωνίας, ταῦτας ἀνάλογονεσσιν πλευ-  
ράς.

### Theorema 7. Propositio 7.

Si duo triangula vnum angulum vniangulo æqualem, circum autem alios angulos

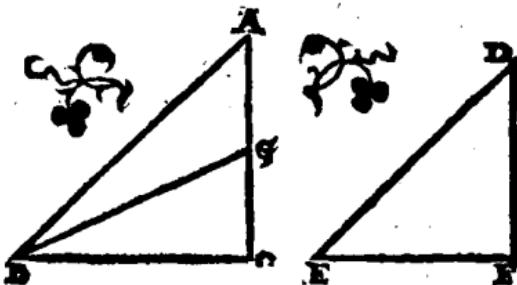
G 5      los

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

los latera proportionalia habeant, reliquo-  
rum verò simul vtrunque aut minorem aut  
nō mino-

rē recto:

equiāgu-  
la erunt  
triangu-  
la, & æ-  
quales ha-

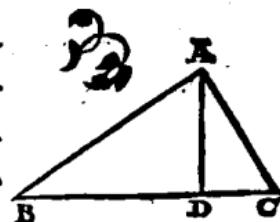


bebunt eos angulos, circum quos propor-  
tionalia sunt latera.

Εάν δέ ορθοεις οι γεγώνει, άπο της ορθής γωνίας  
εστὶ τὴν βάσιν κάλεται ἀχθῆ, τὰ τρίας τῇ καλέτῳ  
γέγωνα δμοιά εστιν τῷ τε ὅλῳ, καὶ αλλήλοις.

Theorema 8. Propositio 8.

Si in triangulo rectangu-  
lo, ab angulo recto in ba-  
sin perpendicularis du-  
cta sit, quæ ad perpendi-  
cularem triangula, tum  
toti triangulo, tum ipsa  
inter se similia sunt.



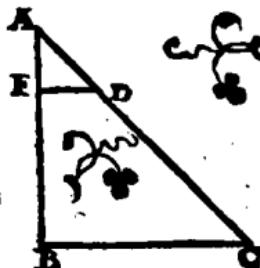
9

Τῆς δοθείσης εὐθείας τὸ προσταχθὲν μέρης ἀφελέη.

Pro-

**Problema 1. Propo-  
sitio 9.**

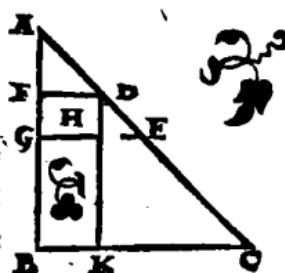
A data recta linea impe-  
ratam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν ἐυθεῖαν ἀτμητον, τῇ δοθείσῃ ἐυθείᾳ  
τετμημένη δμοίως τεμεῖν.

**Problema 2. Propo-  
sitio 10.**

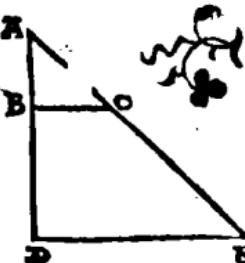
Datam rectam lineam in-  
sectam similiter secare, vt  
data altera recta secta fue-  
rit;



Δύο δοθεισῶν ἐυθειῶν, τίτλων ἀνάλογον προστα-  
ρεῖν.

**Problema 3. Propo-  
sitio 11.**

Duabus datis rectis li-  
neis, tertiam proportio-  
nalem adinuenire.



β Τετάρτη

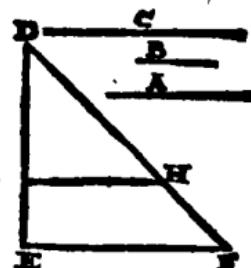
# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

β

Τριῶν δοθεσσῶν ἐυθεῖῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Problema 4. Propo-  
sitio 12.

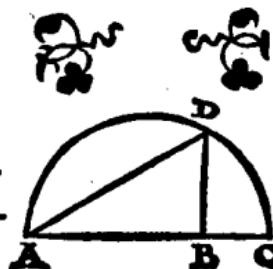
Tribus datis rectis lineis,  
quartam proportionale  
adinuenire.



Δύο δοθεσσῶν ἐυθεῖῶν, μίσθιν ἀνάλογον προσ-  
ευρεῖν.

Problema 5. Propo-  
sitio 13.

Duabus datis rectis line-  
is, medianam proporcional-  
lem adinuenire.



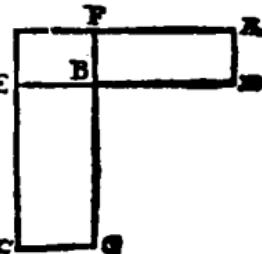
δ

Τῶν ἴσωντε καὶ μίαν μιᾶς ἴσλιν ἔχόντων γωνίας παραλληλογράμμων, ἀντιτετόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ τερὶ τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὡν παραλληλογράμμων μίαν μιᾶς ἴσλιν ἔχόντων γωνίας, ἀντιτετόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ τερὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἵσα ἐσὶ ἔχειν.

Theor.

## Theorema 8. Propositio 14.

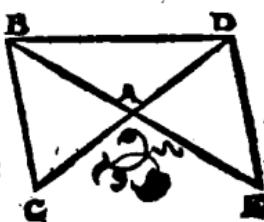
Aequalium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciprocas sunt latera, quæ circum æquales angulos, illæ sunt æqualia.



Τὸν ἴσων, καὶ μίαν μᾶς ισλιν ἔχοντων γωνιῶν τριγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ τερπὶ τὰς ισας γωνιας: καὶ ὅν μίαν μᾶς ισλιν ἔχοντων γωνιῶν ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ τερπὶ τὰς ισας γωνιας, ισαταιν ἐχεῖται.

## Theorema 10. Propositio 15.

Aequalium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illæ sunt æqualia.

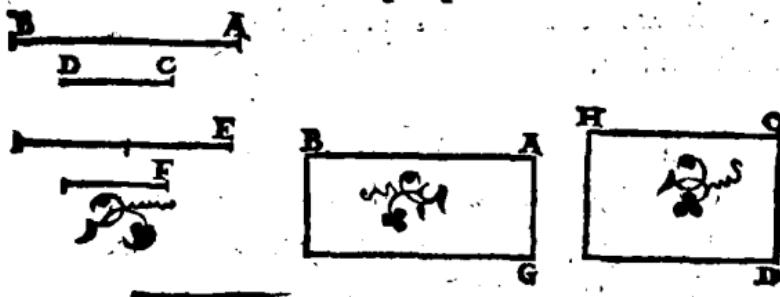


Ex

Εάν τέσσαρες ἐνθεῖαι ἀνάλογοι ὔστι, τὸ ὑπὸ τῶν ἀ-  
κρων περιεχόμενον ὄρθογώνιον, οὗτόν εἶται τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὄρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἀκρων περιεχόμενον ὄρθογώνιον οὐσιον, οὐ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὄρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες ἐνθεῖαι ἀνάλογοι ἔσονται.

Theorema ii. Propositio 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis comprehenditur rectangulum, et quale est ei, quod sub medijs comprehenditur rectangulo. Et si sub extremis comprehendensum rectangulum equale fuerit ei, quod sub medijs continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.

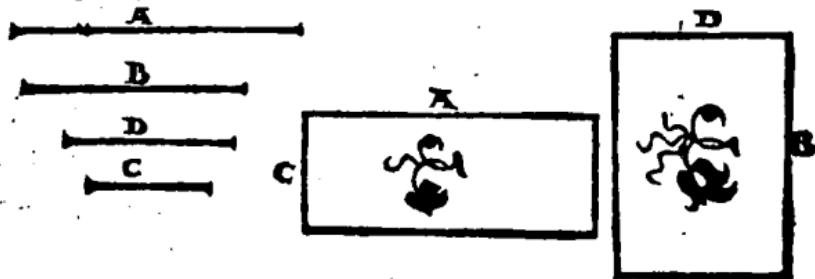


Εάν γάρ εὐθεῖαι ἀνάλογοι ὔστι, τὸ ὑπὸ τῶν ἀκρων περιεχόμενον ὄρθογώνιον ἕγειται τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενῳ: καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἀκρων περιεχόμενον ὄρθογώνιον οὐσιον, οὐ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὄρθογώνιῳ, αἱ γένεται εὐθεῖαι ἀνάλογοι γένεται.

Theor.

## Theorema 12. Propositio 17.

Si tres rectæ lineæ sint proportionales,  
quod sub extremis comprehenditur rectan-  
gulum æquale est ei, quod à media describi-  
tur quadrato: & si sub extremis comprehen-  
sum rectangulum æquale sit ei quod à me-  
dia describitur quadrato, illæ tres rectæ li-  
næ proportionales erunt.

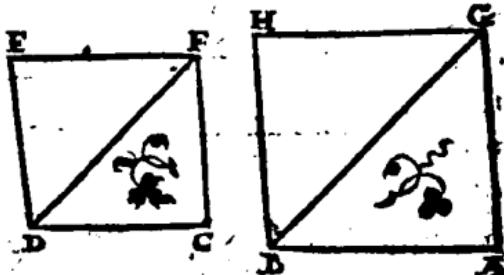


Απὸ οὐδείσις εὐθέας, τῷ δοθέντε ἐυθυγράμμῳ  
διαιρόντε διοίως κέιμενον ἐυθύγραμμον ἀναγρά-  
φει. Probl. 6. Propositio 18.

A data re-

cta linea, dato recti-  
lineo simili-  
le simili-  
terq; pos-  
tū rectili-

neum describere.

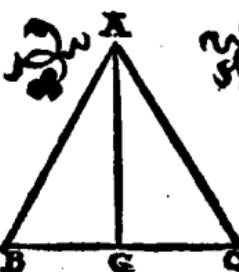


Τὰ δομοια γέγεντα πρὸς ἀλλήλα τὸ διπλοσίον: λέ-  
γεται τῶν διμολόγων πλευρῶν.

EVCLID. ELEMENTA. GEOM.  
Theorema 13. Propositio 19.

Similia

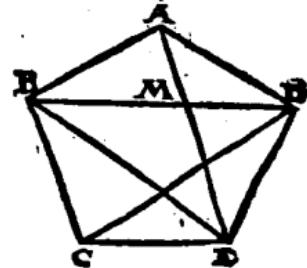
triangula iter se  
sunt in du-  
plicata ra-  
tione la-  
terū ho-  
mologorum.



Tὰ ὁμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὁμοια πίγωνα διαιρεῖ-  
ται, καὶ εἰς ἃσα τὸ πλῆνδος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ  
τὸ πολύγωνον διπλασίου λόγον ἔχει, ἐπερ ἡ ὁμόλο-  
γος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theorema 14. Propositio 20.

Similia  
polygō-  
na in si-  
milia tri-  
angula  
diuidun-  
tur, & nu-  
mero &  
qualia,  
& homo-  
loga to-  
tis. Et po-  
lygōna



duplis

duplicatā  
habent eā  
inter se ra-  
tionē, quā  
latus ho-  
mologum  
ad homo-  
logum latus.



xa

Τὰ τῷ αὐτῷ ἐυθυγράμμῳ ὅμοια, καὶ ἀλλοις  
ἴστιν ὅμοια.

### Theorema t̄s. Propo sitio 21.

Quæ eidem rectilineo  
sunt similia, & inter se  
sunt similia.



xβ

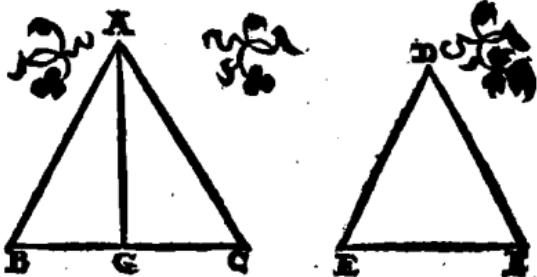
Ἐὰν τέσσαρες ἐυθεῖαι ἀνάλογον ὁσιν, καὶ τὰ δύο αὐ-  
τῶν ἐυθύγραμμα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιώς ἀναγεγραμ-  
μένα ἀνάλογον ἔσαν, καὶ τὰ δύο αὐτῶν ἐυθύγραμ-  
μα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιώς ἀναγεγραμμένα ἀναλογον ἦσαν,  
καὶ αὗται αἱ ἐυθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

### Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineaæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similia similiterque descripta proportionalia erunt. Et si à rectis  
H lineis

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
Theorema 13. Propositio 19.

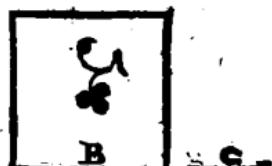
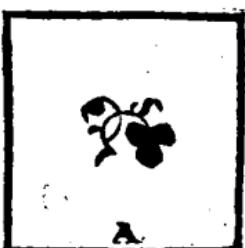
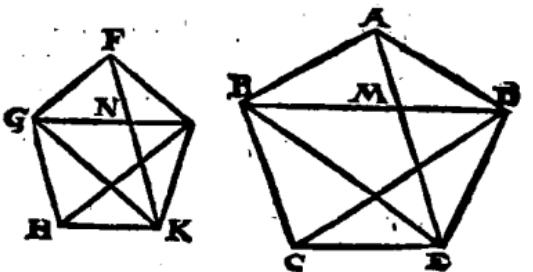
Similia  
triangu-  
la iter se  
sunt i du-  
plicata ra-  
tione la-  
terū ho-  
mologorum.



Τὰ ὁμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὁμοια γίγαντα διαιρεῖ-  
ται, καὶ εἰς τὰ τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ  
τὸ πολύγωνον διπλασίουν λόγον ἔχει, ἐπερ οὐδέμιος  
πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

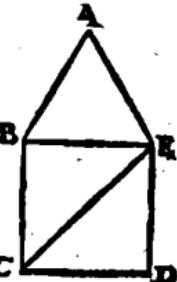
Theorema 14. Propositio 20.

Similia  
polygōnō  
na in si-  
milia tri-  
angula  
diuidun-  
tur, & nu-  
mero &  
qualia,  
& homo-  
loga to-  
tis. Et po-  
lygōna



iduplis

duplicatā  
habent eā  
inter se ra-  
tionē, quā  
latus ho-  
mologum  
ad homo-  
logum latus.

 $\chi\alpha$ 

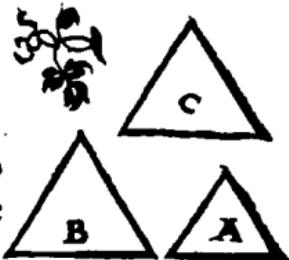
Τὰ τῷ αὐτῷ ἐυθύγράμμῳ ὁμοια, καὶ ἀλλήλοις  
ἴσιν ὁμοια.

Theorema 15. Propo-  
sitio 21.

Quæ eidem rectilineo  
sunt similia, & inter se  
sunt similia.

 $\chi\beta$ 

Ἐάν τέσσαρες ἐνδεῖαι ἀνάλογον ὁσιν, καὶ τὰ ἀτ' αὐ-  
τῶν ἐυθύγραμμα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμ-  
μένα ἀνάλογον ἔσαν. καὶ τὰ ἀτ' αὐτῶν ἐυθύγραμ-  
μα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀναλογον ἦ-  
σαν ταῦται ἐνδεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.



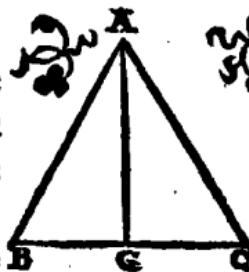
Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-  
rint: & ab eis rectilinea similia similiterque  
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis  
H lineis

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 13. Propositio 19.

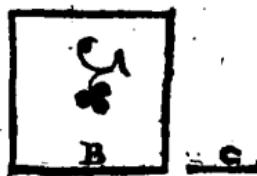
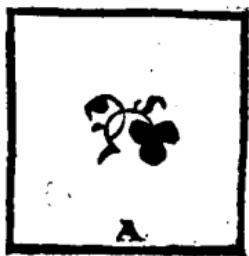
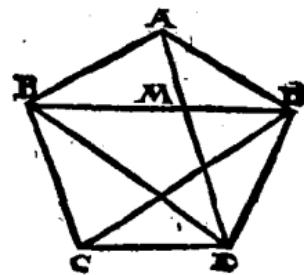
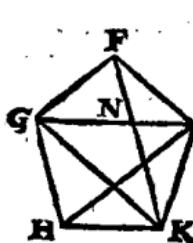
Similia  
triangu-  
la iter se  
sunt i du  
plicata  
tione la-  
terū ho-  
mologorum.



Τὰ ὄμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὄμοια γίγνενται διαρέ-  
ται, καὶ εἰς τὰ τὸ πλήνδος, καὶ ὄμοιογα τοῖς ὅλοις: καὶ  
τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἐπειδὴ ὄμοιο-  
γος πλευρὰ πρὸς τὴν ὄμοιογον πλευράν.

Theorema 14. Propositio 20.

Similia  
polygō-  
na in si-  
milia tri-  
angula  
diuidun-  
tur, & nu-  
mero &  
qualia,  
& homo-  
loga to-  
tis. Et po-  
lygona



duplicis

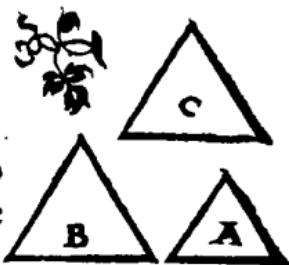
duplicatā  
habent eā  
inter se ra-  
tionē, quā  
latus ho-  
mologum  
ad homo-  
logum latus.

<sup>xα</sup>

Τὰ τῷ αὐτῷ ἐυθύγράμμῳ ὅμοια, καὶ ἀλλοις  
ἴστιν ὅμοια.

### Theorema 15. Propo- sitio 21.

Quæ eidem rectilineo  
sunt similia, & inter se  
sunt similia.

<sup>xβ</sup>

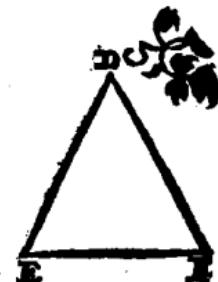
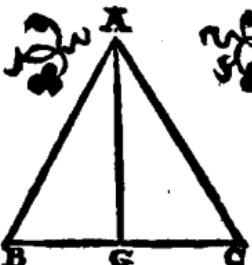
Ἐὰν τέσσαρες ἐνθῆαι ἀνάλογον ὕστιν, καὶ τὰ ἀπὸ αὐ-  
τῶν ἐυθύγραμμα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιως ἀναγεγραμ-  
μένα ἀνάλογον ἔσαι, καὶ τὰ ἀπὸ αὐτῶν ἐυθύγραμ-  
μα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιως ἀναγεγραμμένα ἀναλογονή,  
καὶ αὗται οἱ ἐνθῆαι ἀνάλογον ἔσονται.

### Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similia similiterque  
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis  
H lineis

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
Theorema 13. Propositio 19.

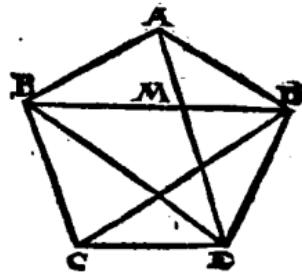
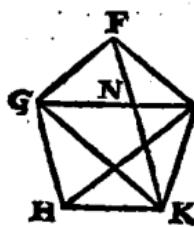
Similia  
triangu-  
la iter se  
funt i du  
plicata ra  
tione la-  
terū ho-  
mologorum.



Tὰ ὁμοια πολύγωνα εἰσ τὰ ὁμοια ξίγωνα διαιρεῖται, καὶ εἰς τὸ πλῆνος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις: καὶ τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theorema 14. Propositio 20.

Similia  
polygō-  
na in si-  
milia tri-  
angula  
diuidun-  
tur, & nu-  
mero &  
qualia,  
& homo-  
loga to-  
tis. Et po-  
lygōna



duplis

duplicatā  
habent eā  
inter se ra-  
tionē, quā  
latus ho-  
mologum  
ad homo-  
logum latus.

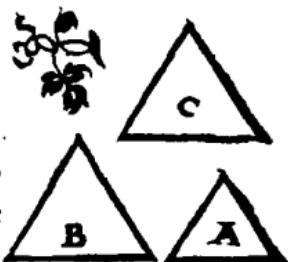


xa

Τὰ τῷ αὐτῷ ἐυθυγράμμῳ ὅμοια, καὶ ἀλλήλοις  
ἴστιν ὅμοια.

### Theoremat̄. Propo- sitio 21.

Quæ eidem rectilineo  
sunt similia, & inter se  
sunt similia.



xB

Ἐὰν τέσσαρες ἐυθεῖαι ἀνάλογον ὁσιν, καὶ τὰ ἀπὸ αὐ-  
τῶν ἐυθύγραμμα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιώς ἀναγεγραμ-  
μένα ἀνάλογον ἔσαν. καὶ τὰ ἀπὸ αὐτῶν ἐυθύγραμ-  
μα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιώς ἀναγεγραμμένα ἀναλογονή,  
καὶ αὗται οἱ ἐυθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

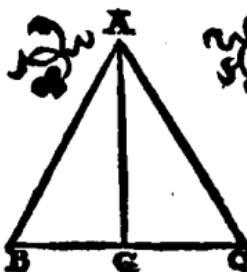
### Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-  
rint: & ab eis rectilinea similia similiterque  
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis  
H lineis

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

Theorema 13. Propositio 19.

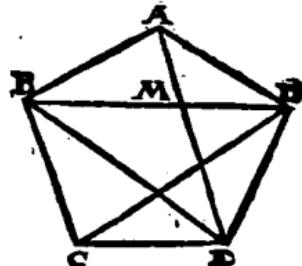
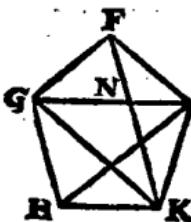
Similia  
triangu-  
la iter se  
sunt i du-  
plicata ra-  
tione la-  
terū ho-  
mologorum.



Tὰ ὄμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὄμοια ξίγωνα διαρέ-  
ται, καὶ εἰς τὸ πλῆνδος, καὶ ὄμοιογα τοῖς ὅλοις: καὶ  
τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἐπερ ἡ ὄμοιο-  
γος πλευρὰ πρὸς τὴν ὄμοιογον πλευράν.

Theorema 14. Propositio 20.

Similia  
polygō-  
na in si-  
milia tri-  
angula  
diuidun-  
tur, & nu-  
mero &  
qualia,  
& homo-  
loga to-  
tis. Et po-  
lygona



duplis

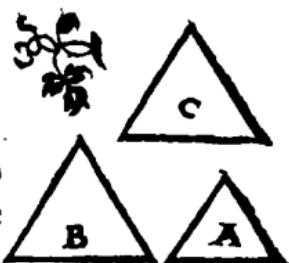
duplicatā  
habent cā  
inter se ra-  
tionē, quā  
latus ho-  
mologum  
ad homo-  
logum latus.

<sup>xa</sup>

Tà τῷ αὐτῷ ἐυθυγράμμῳ ὅμοια, καὶ ἄλλοις  
ἴσιν ὅμοια.

Theorema 5. Propo-  
sition 21.

Quæ eidem rectilineo  
sunt similia, & inter se  
sunt similia.

<sup>xb</sup>

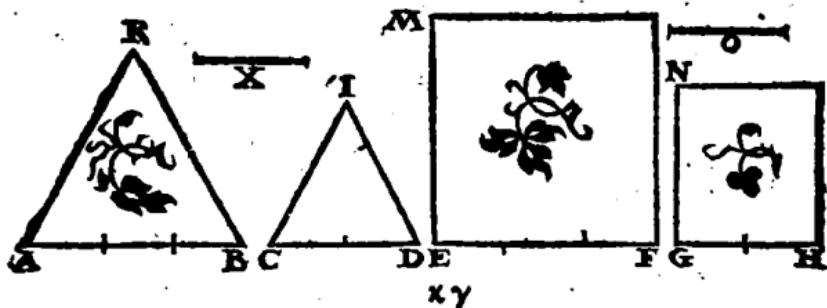
Ἐὰν τέσσαρες ἐνδεῖαι ἀνάλογον ὁσιν, καὶ τὰ δῶν αὐ-  
τῶν ἐυθυγράμμα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιως ἀναγεγραμ-  
μένα ἀνάλογον ἔσονται. καὶ τὰ δῶν αὐτῶν ἐυθυγράμ-  
μα ὅμοιά τε καὶ ὅμοιως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἔσονται.  
καὶ αὗται ἀνδεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema 6. Proposition 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fu-  
erint: & ab eis rectilinea similia similiterque  
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis  
H lineis

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

lineis similia similiterque descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



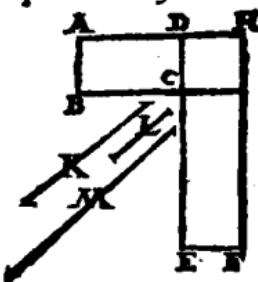
Τὰ ἴγγώντα παραλληλόγραμμα τῷρος ἀλλιὰ λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον τὴν πλευρῶν.



Theorema 17. Propositio 23.

Aequiangula parallelogramma inter se rationē habent eam, quæ ex lateribus componitur.

xδ

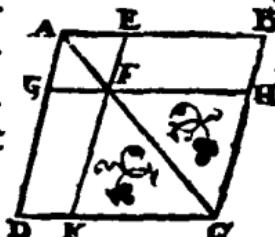


Πεντὸς παραλληλογράμμων τὰ περὶ τὴν διάμεσον παραλληλόγραμμα, ὅμοιά ἔσται τῷ τε ὅλῳ καὶ ἀλλήλοις.

Theorema 18. Propositio 24.

In

In omni parallelogrammo, quæ circa diametrum sunt parallelogramma, & toti & inter se sunt similia.

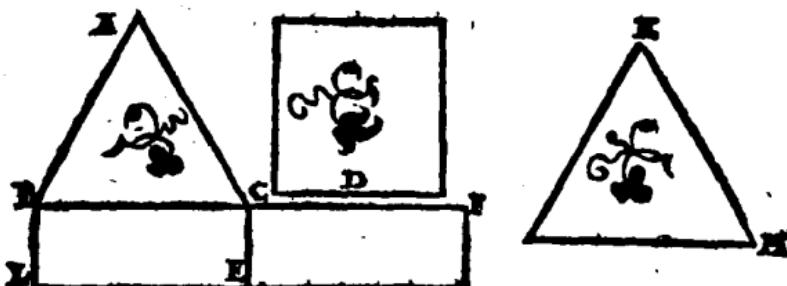


x 8

Τῷ δοθέντε ἐνδυχράμμα διμοίον, καὶ ἀλλα φέδεσθε τὸ αὐτὸ συνίστασθαι.

Problema 7. Propositio 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æquale idem constituere.

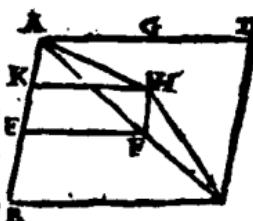


x 9

Εὰν διπλό παραλληλογράμμα παραλληλογράμμου ἀφαιρεθῇ διμοίον τε φέδεσθε καὶ διμοίως κείμενον, καὶ τὸ γενίστερον ἔχον εὖθε, τερι τὴν αὐτὸν διαμετρόν διπλό φέδεσθαι.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallelogrammo parallelogramnum ablatum sit & simile toti & similiter posuit communem cum eo



EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
habens angulum, hoc circum eandem cum  
toto diametrum consistit.

χξ

Πάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν ἐυθεῖαν παραβαλλο-  
μένων παραλληλογράμμων, χὴ ἐλειπόντων ἔδεσ-  
παραλληλογράμμωις ὄμοιοις τε χὴ ὄμοιως καμέναις  
δὲ ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφομένω, μέγιστον ἔσται  
τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παραβαλλόμενον παραλλη-  
λογράμμον, ὄμοιον δὲ φῆ ἐλείμματι.

Theorema 20. Propositio 27.

Omnium parallelogrammorum secundum  
eandem rectam lineam applicatorum defi-  
cientiumque figuris parallelogrammis si-  
milibus similiterque positis ei, quod à di-  
midia

descri-

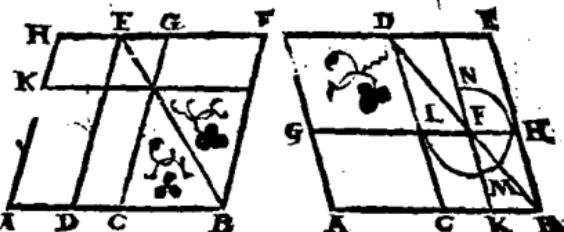
bitur,

maxi-

num,

id est,

quod



ad dimidiam applicatur parallelogramnum  
simile existens defectui.

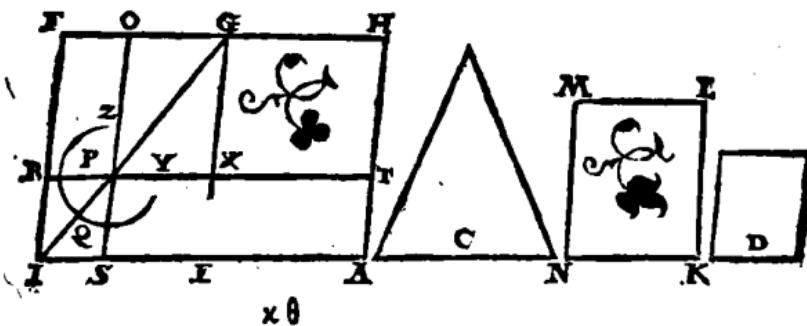
χη

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν ἐυθεῖαν, δὲ δοθέντες ἐυθυγράμ-  
μα ἵστηται παραλληλογράμμον παραβαλλεῖν. ἐλει-  
ποντεῖδε παραλληλογράμμωις ὄμοιως διὰ τῶν δοθέντων  
δεῖ δὴ τὸ διδόμενον ἐυθυγράμμον, ὃ δεῖ ἵστηται παρ-  
βαλλεῖν,

Εαλεῖν, μὴ μῆρον ἔιναι τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμίσειας παρα-  
βαλλομένων, ὁμοίων δυτῶν τῶν ἐλλημάτων, τοῦτο  
ἀπὸ τῆς ἡμίσειας καὶ ὡς δεῖ ὁμοιον ἐλέιπεν.

## Problema 8. Propositio 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo  
æquale parallelogrammum applicare defi-  
ciens figura parallelogramma, quæ similis  
sit alteri rectilineo dato. Oportet autem  
datum rectilineum, cui æquale applican-  
dum est, non maius esse eo quod ad dimi-  
diat applicatur, cum similes sint defectus  
& eius quod à dimidia describitur, & eius  
cui simile deesse debet,

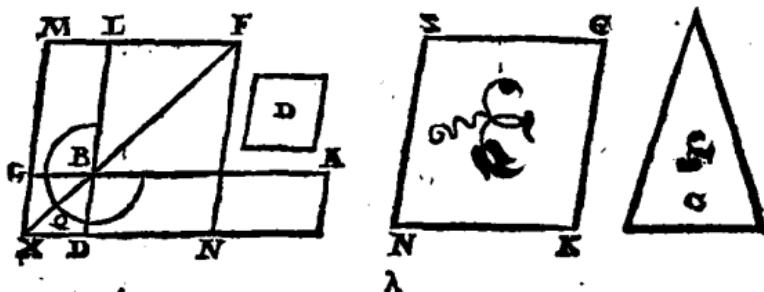


Παρὰ τὴν δοθεῖσαν, εὐθεῖαν δὲ δοθέντη εὐθυγράμ-  
μων ἵγει ταραλλιλόγραμμον παραβαλεῖν ὑπερ-  
βάλλον εῖδε παραλλιλογράμμῳ ὁμοίῳ δὲ δοθέντη.

## Problema 9. Propositio 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo  
H 3 æquale

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
æquale parallelogrammum applicare, excedens figura parallelogramma, quæ similiſ sit parallelogrammo alteri dato.



Τὸν τιμῆσαν ἐυδέλιαν πεπερασμένων, ἀλλοι τὰς  
μὲν λόγους τεμάνιν.

Problema 10. Propo-  
ſitio 30.

Propositam rectam li-  
neam terminatam, extre-  
ma ac media ratione se-  
care.



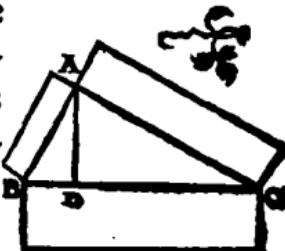
λα

Ἐν τοῖς ὅρθιογωνίοις Στιγώνοις, τὸ διπλὸν τὸν ὅρθιον γωνίαν ὑποτετρούσης πλευρᾶς ἔδος ἴγε τοῖς ἀν-  
τὸν τῶν τὴν ὅρθιν γωνίαν περιεχόσσην πλευρῶν ἀ-  
δεις τοῖς διμοίοις καὶ διμοίως ἀναγραφομένοις.

Theorema 21. Propositio 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis à la-  
tere rectum angulum subtendente descripta  
æqua-

æqualis est figuris, quæ priori illi similes & similiiter positæ à lateribus rectum angulum continentibus describuntur.

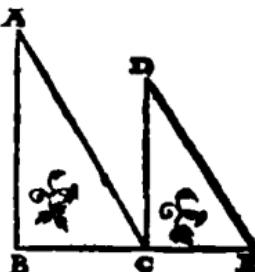


λβ

Εὰν δύο γεγονότα συμπλέκηται μίας γωνίας τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευράς ἀνάλογον ἔχοντα, ὥστε τὰς ὁμολόγας αὐτῶν πλευρὰς καὶ παραλλήλας εἶναι, οὐ λοιπά τῶν γεγονότων πλευραὶ ὑπερβαίνουσι τοις ιστραῖς.

## Theorema 22. Propositio 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus lateribus proportionalia habeant, secundum unum angulum composita fuerint, ita ut homologa eorum latera sint etiā parallela, tum reliqua illorum triangulorum latera in rectam lineam collocata reperientur.



λγ

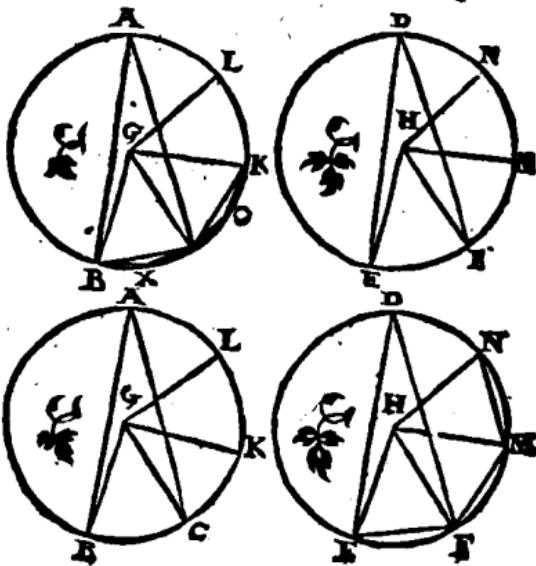
Ἐν τοῖς ιστραῖς κύκλοις οὖσιν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει. οἱ ταῦται παριφερόμενοι, οἱ δὲ ἐν βεβήκασιν, εάντις περὸς τοῖς κέντροις, εάντι περὸς ταῦταις παριφερόμενοι ὡσὶ βεβήκησι. Εἰς τοὺς ιστραῖς οἱ τομῆις, οἷς περὸς τοῖς κέντροις συμπλέκονται.

H 4      Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habent rationem cum ipsis peripherijs in quibus insistunt, siue ad centra, siue ad peripherias  
 constituti illis insistat peripherias. Insuper verò & sectores, quippe qui ad centra consistunt,



Elementi sexti finis.

61

# ΕΥΚΛΑΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΑΝ  
ΕΒΔΟΜΟΝ.

## EVCLIDIS ELEMENTA TVM SEPTIMVM.

I P O L.

a

Μονάς δέ, καὶ ἡ ὁ τετραγώνων ἐντελεῖται λεγεται.

### DEFINITIONES.

I

Vnitas, est secūdum quam entium quodque dicitur vnum.

β

Αριθμός δέ, τὸ ἐκ μονάδων συγχέιμον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita multitudo.

H 5 γ Μέρος

EUVCLID. ELEMENTA. GEOM.

γ

Μέρος ἐτίναριθμός ἀριθμοῦ ὁ ἐλάσσων τοῦ μείζονος, ὅταν καταμεῖται τὸν μείζονα.

δ

Pars, est numerus numeri minor maioris,  
cùm minor metitur maiorem.

δ

Μέρη δέ, ὅταν μὴ καταμετρῆ.

ε

Partes autem, cùm non metitur.

ε

Πολλαπλάσιος δέ, δ μείζων τοῦ ἐλάττονος, ὅταν καταμεῖται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος.

ζ

Multiplex vero, maior minoris, cùm maior  
rem metitur minor.

ζ

Αρήνος δέ ἀριθμός ἔτιν, δ δίχα διαφρόνιμος.

η

Par numerus, est qui bifariam diuiditur.

ζ

Τετριστὸς δέ, δ μὴ διαφρόνιμος δίχα. Η, δ μονάδες διαφέρων ἀρτίς ἀριθμοῦ.

η

Impar vero, qui bifariam non diuiditur: vel,  
qui unitate differt à pari.

η

Αρηάκης αρήνος ἀριθμός ἔτιν, δ ὑπὸ ἀρτίς ἀριθ-  
μοῦ

μοῦ μεῖούμδιος κατὰ ἀρτίον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus, est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Αριάκις ἐπεισσός έστιν, δέ πατὸς ἀρτίον ἀριθμός μετρούμδιος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quem par numerus metitur per numerum imparem.

10

Περισσάκις ἐπεισσός έστιν ἀριθμός, δέ πατὸς περισσοῦ μεῖούμδιος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus, est quem impar numerus metitur per numerum imparem.

11

Πρῶτος ἀριθμός έστιν, δι μονάδι μόνη μεῖούμδιος.

11

Primus numerus, est quem vnitatis sola metitur.

12

Πρῶτοι περὶς ἀλλήλων ἀριθμοί εἰσιν, δι μονάδι μόνη μεῖούμδιοι κοινῷ μεῖζοι.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitatis mensura communis metitur.

1γ Σετ-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Σύνθετος ἀριθμός ἔστιν, ὁ ἀριθμὸς τινὶ μεζούμενος.

13  
Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

14  
Σύνθετος ἂρα ἀλλήλῃς ἀριθμοί εἰσιν, οἱ ἀριθμοὶ τινὶ μεζούμενοι κοινῷ μεζῷ.

14  
Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

15  
Αριθμὸς ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν δοσαι εἰσὶν εἰν αὐτῷ μονάδες, τοσαυτάκις συντεθῆται πολλαπλασιάζομενος, καὶ γένηται τις.

15  
Numerus numerum multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

16  
ὅταν ἡδύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλῃς ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος ἐπίτελος καλεῖται, πλεονασμὸς ἡ αὐτοῦ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλῃς ἀριθμοί.

16  
Cum autem duo numeri mutuo se se multiplicent

tiplicates quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui vero numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

13

ὅταν ἐπί τοῖς ἀριθμοῖς πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινά, οἱ γενόμνοι σφρέος καλεῖται, πλευραὶ ἡμίτοῦ δι πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους αὐτοῖς φίδιοι.

17

Cum vero tres numeri mutuò sese multiplicantes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur,

14

Τετράγωνος ἀριθμός ὁ ἕτην δισάκις ἑταρικός, δισώδειος ἢσων ἀριθμῶν τετρεχόμνος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

15

Κύβος ἢ δισάκις ἑταρικός δισάκις ἑταρικός, δι τὸ τετράγωνον ἢ τον ἀριθμῶν τετρεχόμνος.

19

Cubus vero, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris continetur.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

x

Αριθμοὶ ἀνάλογον εἰσιν, δταν δ τριῶν τοῦδε ευτέρου καὶ δ Σίτης τοῦ τετάρτου ἴσακις ἢ πολλαπλάσιος, ἢ τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ὄσιν.

20

Numeri proportionales sunt, cùm primus secundi, & tertius quarti æquè multiplex est, vel eadem pars, vel eædem partes.

xa

Δμοιοι εἰσί πεδοι καὶ τερποι ἀριθμοί εἰσιν, δια διανάλογον πολλαπλάσιος τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui proportionalia habent latera.

x β

Τέλεος ἀριθμός θέτε, δ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἔχειν.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipsis parti- bus est æqualis.

Προτάσσε.

α

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσων ἔχει μέγαν, ἀνθυφαιρούμενος δὲ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος δ λειτόριθμος μικτέποτε καταμετῆ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕισι οὖλη φρεστή μονάς, δι εξαρχῆς ἀριθμοὶ περῶτοι περὸς ἀλλήλους εἰσιν.

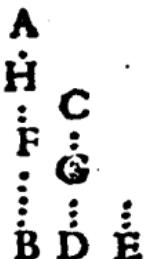
Theo-

## Theorema I. Propositio I.

Duobus numeris inæqualibus propositiis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadam subtractione, neque reliquus unquam metiatur precedentem quoad assumpta sit unitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

β

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων τρόπος απλάνεσσι, τὸ μεγιστὸν αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.



## Problema I. Propo.2.

Duobus numeris datis non primis inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.



Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων τρόπος απλάνεσσι, τὸ μεγιστὸν αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 2.      A    B    C    D    E  
Prop.2.            8    6    4    2    3

Tribus numeris      A    B    C    D    E    F  
datis non primis    18   13   8    6    2    3  
                        inter

EUCOLID. ELEMENT. GEOM.  
Inter se, maximam eorum communem men-  
suram reperire.

δ

Πᾶς ἀριθμὸς των τὸς ἀριθμοῦ δὲ λάσσων τοῦ μεί-  
ζονος, ἢ τοι μέρος ἐστιν, οὐ μέρη.

Theorema 2. Propo-  
sition 4.

Omnis numerus, cuiusq;  
numeris minor maioris aut  
pars est, aut partes,

C	C	E
A	B	B
12	7	6
		9
		3

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἡ, χαὶ ἔτερος ἔτέργε τὸ  
αὐτὸ μέρος, χαὶ συναμφότερος συναμφοτέργε τὸ  
αὐτὸ μέρος ἐσται, διπερ ὁ εἰς τοῦ ἑνός.

Theorema 3. Propo-  
sition 5.

Si numerus numeri pars fue-  
rit, & alter alterius eadem  
pars, & simul uterque utrius-  
que simul eadem pars erit,  
quæ unus est unius.

C	F
G	H
A	B
D	C

5

6 12 4 8

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἡ, χαὶ ἔτερος ἔτέργε τὸ  
αὐτὰ μέρη ἡ, χαὶ συναμφότερος συναμφοτέργε τὸ  
αὐτὰ μέρη ἐσται, διπερ ὁ εἰς τοῦ ἑνός.

Theor

## Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri  
partes, & alter alterius eis  
dem partes, & simul uter  
que utriusque simul eis  
dem partes erit, quae sunt  
vnum vnius.

	B	E
	:	:
	H	H
	i	:
A	C	D
6	9	8
		12

Εάν δέριθμός δέριθμοῦ μέρος ἢ ὅπερ διφαιρεθεῖς διφαι-  
ρείνεται, καὶ δλοιπός τοῦ λοιποῦ διυτὸ μέρος ἡσαύδ-  
ηται δόλος τοῦ δλω.

## Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars  
quæ detractus detracti, & reli-  
quus reliqui eadē pars erit quæ  
totus est totius.

D	
:	F
	C
B	:
E	:
A	G
6	10

Εάν δέριθμός δέριθμοῦ μέρη ἢ ὅπερ διφαιρεθεῖς διφαι-  
ρείνεται, καὶ δλοιπός τοῦ λοιποῦ τὰ διυτὰ μέρη ταῦ-  
ται δόλος τοῦ δλω.

I Theor.

EVCLID. ELEM. GEOM.

Theor.6. Proposit.8.

Si numerus numeri ex-	B	D
dem sunt partes quæ detra-	:	:
ctus detracti, & reliquus	E	F
reliqui eadem partes es-	L	L
runt, quæ sunt totus to-	:	:
tius.	A	C
	ii	ii

3 G... M.K...N.H.

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἡ, καὶ ἔτερος ἐπέργ τὸ αὐ-

τὸ μέρος, καὶ ἕναλλαξ, δὲ μέρος ἐσίν ἡ μέρη διαράντος

τοῦ Σίτου, τὸ αὐτὸ μέρος ἐσαγή τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ δ

δεύτερος τοῦ τετάρτου.

Theor.7. Proposit.9.

Si numerus numeri pars	C	F
sit, & alter alterius eadē	:	:
pars, & vicissim quæ pars	G	H
est vel partes primus ter-	:	:
tij, eadem pars erit vel	A	B
eadem partes & secun-	4	8
dus quarti.	:	5
	:	10

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἡ, καὶ ἔτερος ἐπέργ τὰ

αὐτὰ μέρη, καὶ ἕναλλαξ δὲ μέρη ἐσίν διαράντος τοῦ

Σίτου ἡ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἐσαγή, καὶ δεύτερος τοῦ

τετάρτου, ἡ μέρος.

Theor.

## Theor. 8. Propo. 10.

Si numerus numeri partes sint, & alter alterius H  
eadem partes, etiam vi G  
cissim quæ sunt partes : H  
aut pars primus tertij, A C D F  
eodem partes erunt vel 4 6 10 18  
pars & secundus quarti.

*ειδη*  
Εάν οὖλος τρός δλον, ούτως ἀφαιρεῖται τρός ἀφαι-  
ρεῖται, καὶ οὗλοι ποιοι τρός τὸν λοιπὸν ἔσαιώς δλος  
τρός οὗλος.

## Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodum se habet totus ad totum, ita detractus ad detrac-  
tum, & reliquus ad reliquum ita  
habebit ut totus ad totum.

*ειδη*

Εὰν ὁσιγ δικοσοιοτοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον, οἷαν τοις  
τοῖς ἱγουμένων πρὸς ἵνα τῶν ἐπομένων, δυτῶς ἀπα-  
τεῖται ἱγούμενοι τρός τοὺς ἐπομένυς.

## Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcunque numeri proportionales, quem- A B C D  
admodum se habet unus 9 6 3 2  
antecedentium ad unum sequentium, ita se  
haber

EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
habebunt omnes antecedentes ad omnes  
consequentes.

<sup>γ</sup>  
Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὄσι, καὶ ἐναλλαξ  
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor.ii. Propo.13.

Si quatuor numeri sint  
proportionales, & vicis-  
sim proportionales erunt.

A	B	C	D
12	4	9	3

ιδ.

Εὰν ὄσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι ὁποῖς ἔσοι-  
τὸ τελεῖν σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λό-  
γῳ, καὶ δι’ ὄση ἐν δι’ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor.12. Propo.14.

Si sint quotcun-  
que numeri & a-  
lij illis æquales      A    B    C    D    E    F  
multitudine, qui bini sumantur & in eadem  
ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratio-  
ne erunt.

18

Εὰν μονὰς ἀριθμόν 〔ικα μετρῇ, ἵσσαχις ἢ ἕτερος ἀρι-  
θμὸς ἄλλον 〔ικα ἀριθμὸν μετρῇ, καὶ ἐναλλαξ ἵσσα-  
χις ἡ μονὰς τὸ τρίτον ἀριθμὸν μετρήσει καὶ ὁ δεύτε-  
ρος τέταρτος.

Theo-

## Theor. 13. Propo. 15.

Si vñitas numerū quem.		P
pian metiatür, alter verò	C	L
numerus alium quēdam	H	K
numerū æquè metiatür,	G	E
& vicissim vñitas tertium	A B	D
numerū æquè metietur,	I 3	2 6
atq; secundus quartum.		

15

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινάς, δι γενόμενοι ἐξ αὐτῶν οἱοι ἀλλήλοις λόγον ἔχουσι.

## Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-  
tuò se se multipli- E A B C D  
cantes faciant ali- 1 2 4 8 8  
quos, q ex illis geniti fuerint, inter se æqua-  
les erunt.

15

Εὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῶ-  
τινάς, δι γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι  
πολλαπλασιασθέσιν.

## Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans fa-  
I 3 ciat

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

ciat aliquos, qui ex illis procreati erunt, eandem rationem habebunt, quam multiplicati.

¶

Εὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμόν ἵνα τολλαπλασιάσατες τοιῶσι ἵνας, δι γενόμδους ἔχονται τὸ αὐτὸν σημεῖον τοῖς τολλαπλασιάσασι.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri numerorum quempiam multiplicantes faciant ali-  
quos, geniti ex illis eandem habebunt ratio-  
nem, quam qui illum multiplicarunt.

¶

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὁσιν, δὲ τοῦ ἀρώτητο τετάρτου γενόμδους ἀριθμὸς ἴσος ἐσαι τῷ τε τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου γενομένῳ ἀριθμῷ. καὶ τὰν δὲ τοῦ ἀρώτητο τετάρτου γενόμδους ἀριθμὸς ἴσος ἐστὶ τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἐσονται.

Theorema 17. Propositio 19.

Si quatuor numeri sint proportionales, qui ex primo & quarto sit, æqualis erit ei qui ex secundo & tertio: & si qui ex primo & quarto sit numerus æqualis sit ei qui ex secundo & ter-

& tertio, illi qua- : : : : :  
tuor numeri pro A B C D E F G  
portionales erunt. 6 4 3 2 12 12 18

x

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὔσιν, δύπλο τῶν ἀκρων  
ἰσος εἰ τὸ διπλό τοῦ μέσου. τὰν δὲ δύπλο τῶν ἀκρων  
ἰσος ἡ τῷ διπλῷ τοῦ μέσου, διό τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλο-  
γοι ἔσονται.

## Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab  
extremis continetur equalis est ei qui à me-  
dio efficitur. Et si qui ab : : :  
extremis continetur equalis fit ei qui à medio descri-  
bitur, illi tres numeri pro :  
portionales erunt. : 6 4  
D  
6

xa

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας  
αὐτοῖς, μετρουσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ-  
τοῖς ἴσακις, διό τε μείζων τὸ μείζονα, καὶ δὲ ἐλάττων τὸς  
ἐλάττονα,

## Theor. 19. Propo. 21.

minimi numeri omniū,	D	L		
qui eandem cum eis ra-	: :			
cionalēm habent, equaliter	G	H		
metiuntur numeros eam.	C	E	A	B
	4	3	8	6
	I	4	dem	

EUCOLID. ELEMENT. GEOM.  
dem rationem habentes, maior quidem ma-  
jorem, minor vero minorēm,

χθ

Εὰν ὅσι τρεῖς ἀριθμοὶ γένηται αὐτοῖς ίσοι τὸ πλῆ-  
θος, σύγδυο λαμβανόμενοι καὶ σὺ τῷ αὐτῷ λόγῳ,  
ἢ ἢ τεταραγμένη αὐτῶν ἀναλογία, γέδι οὐσὶ τῷ  
αὐτῷ λογῳ ἔσονται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres sint numeri & alij multitudine illis  
æquales, qui hīni sumantur & in eadem ra-  
tione, sit autem perturbata eorum propor-  
tio, etiam ex æ-      A    B    C    D    E    F  
qualitate in ea-      6    4    3    12    8    6  
dem ratione e-  
runt,

κγ

Οἱ τρεῖς τρόποι ἀλλήλῃς ἀριθμοὶ μάχισοι εἰσὶ<sup>ν</sup>  
τῶν τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Prop. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium  
et tandem cum eis ra-      A    B    E    C    D  
tionem habentiū.      5    6    2    4    3

χδ

Οἱ μάχισοι ἀριθμοὶ τῶν τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων  
αὐτοῖς τρεῖς τρόποι τρόποις ἀλλήλῃς εστίν.

Theoremata 22. Propositione 24.

mini-

minimi numeri omnium eandem cum eis rationem habentium, A B C D E primi sunt inter se. 8 6 4 3 2

x8

Εὰν δύο ἀριθμοὶ τρόποι πρὸς ἄλλας ὁσιν, δ τὸν  
την αὐτῶν μεζῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν τρόπον τρόπος  
τοσούσαι.

### Theorema 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alterum illorum metitur  
numerus, is ad reliquā      A      B      C      D  
primus erit.                    6      7      3      4

x5

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς οὐκέτι ἀριθμὸν τρόποι ὁσιν,  
καὶ δὲ αὐτῶν γεωμετρικὸς πρὸς τὸν αὐτὸν τρόπον  
ἴσαι.

### Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad      :  
quempiam numerū      3  
primi sint, ad eūdem      B      :      :  
primus is quoque fu-      A      C      D      E      F  
turus est qui ab illis      5      5      5      3      2  
productus fuerit.

x?

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρότοι πρὸς ἄλλας ὁσιν, δὲ  
I      5      τοῦ

EVCLID. ELEM. GEOM.  
τοῦ ἵνος αὐτῶν γενόμενος τρόπος ή λόγον τρῶν τρόπος  
ἴσαι.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter se, qui ab uno eorum dignit, ad reliquum primus erit.

A	B	C	D
7	6	3	
χη			

Εάν δύο ἀριθμοὶ τρόπος δύο ἀριθμοὺς ἀμφότεροι τρόπος ἑκάτερον τρώτοι ὥσι, καὶ διὰ τοῦτο γενόμενοι τρώτοι τρόπος ἀλλήλων ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad utrumque primi sint, & qui ex eis gignentur, primi inter se erunt.

A	B	C	D	F
3	5	15	2	4
				8

κθ

Εάν δύο ἀριθμοὶ τρώτοι τρόπος ἀλλήλων ὥσι, καὶ πολλαπλασιάσας ἑκάτερος ἕαυτὴν τοιη̄ θέντα, διὰ γενόμενοι τοῦτο γενόμενοι τρόπος ἀλλήλων, ἔσονται. καὶ διὰ τοῦτο γενόμενοι τρόπος ἀλλήλων, καὶ πολλαπλασιάσαντες τοὺς γενόμενοὺς τρόπος ἀλλήλων, καὶ πολλαπλασιάσαντες τοὺς φέρουσαν τοῦτο συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicans uterque seipsum procreet aliquem, qui ex

ex ijs produc*t*i fuerint, primi inter se erunt.  
 Quod si numeri initio propositi multiplicantes eos qui produc*t*i sunt, efficerint aliquos, hi quoq; inter se primi erunt, & circa extremos id*e* hoc  $\begin{array}{ccccc} A & : & C & : & E \\ 3 & & 6 & & 27 \end{array}$   $\begin{array}{ccccc} B & : & D & : & F \\ 4 & & 16 & & 63 \end{array}$   
 semper eueniet.

 $\lambda$ 

Εάν δύο ἀριθμοὶ τρώτοις τρὸς ἀλλήλῃς ὅσι, καὶ συναμφότερος τρὸς ἐκάτερον αὐτῶν τρώτος ἔσαι. καὶ δὴ συναμφότερος τρὸς ἦταν λιγὸν αὐτῶν τρώτος οὗ. καὶ διὰφανῆς ἀριθμοὶ τρώτοις τρὸς ἀλλήλῃς ἔσονται.

## Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam simul vterq; ad utrumq; illorum primus erit. Et si simul vterq; ad unum aliquem eorum primus sit, etiam qui initio positi sunt numeri,  $\begin{array}{ccccc} C & : & A & : & B \\ & & & & \end{array}$  primi inter se erunt.

 $\lambda\alpha \quad 7 \quad 5 \quad 4$ 

Δτας τρώτος ἀριθμὸς τρὸς Δτατα τρός ἀριθμὸν, δι μὴ μεῖναι, τρώτος δέται.

## Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus ad omnem numerum quem nob̄ metitur, primus est.

 $\lambda\beta$ 

Εάν

EVCLID. ELEM. GEOM.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ των πατλασιάσαντες ἀλλήλους τῷ  
ῶσι τινά, τὸν ἕγενό μηδέν οὐτῶν μεζῆ τις πρῶ-  
τος ἀριθμός, καὶ ταῦτα οὐδὲ ἀρχῆς μεζάσει.

Theor.30. Prop.31.

Si duo numeri se se mutuo multiplicantes fa-  
ciant aliquem, hunc aut ab illis productum  
metiatur primus qui-  
dam numerus, is alterus  $\begin{array}{ccccc} A & B & C & D & E \\ 2 & 6 & 12 & 3 & 4 \end{array}$   
rum etiam metitur eo-  
rum qui initio positi erant.

λγ

Δῆκας σύνθετος ἀριθμὸς, ὑπὸ πρώτης τινὸς ἀριθμοῦ  
μεζάται.

Theor.31. Prop.33.

Omnem cōpositum nume-  
rū aliquis primus metietur.  $\begin{array}{ccc} A & B & C \\ 27 & 9 & 3 \\ \lambda\delta. \end{array}$

Δῆκας ἀριθμὸς οὗτος πρῶτος ἐστιν, οὐ πόλι πρώτης  
ἀριθμοῦ μεζάται.

Theor.32. Prop.34.

Omnis numerus aut primus est,  
aut eū aliquis primus metitur.  $\begin{array}{ccc} A & A & : \\ 3 & 6 & 3 \\ \lambda\epsilon. \end{array}$

Ἀριθμῶν δοθέντων διποσιωτοῦν ἔυρετιν τοῦς ἐλαχίστους  
τῶν τὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Probl.3. Prop.35.

Numeris datis quocunque, reperire minis-  
mos omnium qui eandem cum ipsis ratio-  
nem habeant.

L I B R V I L

71

A	B	C	D	E	F	G	H	K	I	M
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λε

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν δν ἐλάχισον μετροῦ-  
σιν ἀριθμόν.

Probl.4. Pro-  
po.36.

B				
A	C	D	E	F
7	12	8	4	5

Duobus numeris  
datis, reperire quē  
quem illi minimū  
metiantur nume-  
rum.

A	B						
F	E	C	D	G	H		
6	9	12	9	2	3		

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμοί λειτα μετρῶσι, καὶ δὲ λάχι-  
σος ὑπὸ αὐτῶν μετρούμενος τὸν αὐτὸν μετρήσει.

Theor.33. Prop.37.

Si duo numeri numerum  
quempiam metiantur, &  
minimus quem illi me-  
tiuntur eūdem metietur.

A	B	E	C
2	3	6	12

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν δν ἐλάχισον μετροῦ-  
σιν ἀριθμόν. Probl.5. Prop.38.

Tribus numeris  
datis reperire quē

A	B	C	D	E
3	4	6	12	8

mini-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
 minimum numerum illi metiantur.

A	B	C	D	E	F
3	6	8	12	24	16

λθ

Εάν ἀριθμὸς ὑπότινος ἀριθμοῦ μετίηται, δι μέρου-  
μένος διμώνυμον μέρος ἔξει δὲ μετοῖνε.

Theor.34. Proposit.39.

Si numerum quispiam numerus metiatur,  
mensus partem habebit metienti cognomini  
nem.

A	B	C	D
12	4	3	1

μ

Εάν ἀριθμὸς μέρος ἔχῃ ὅτιοῦν, ὑπὸ διμωνύμου ἀρι-  
θμοῦ μετίηται, δὲ μέρει.

Theor.35. Propo.40.

Si numerus partem habuerit quamlibet, il-  
lum metietur numerus  
parti cognominis.

A	B	C	D
8	4	2	1

μα

Αριθμὸν ἐυρεῖν, δι εἰλάχισος ὁ τελεῖται δοθέντα μέρη.

Proble.6. Proposit.41.

Numerū reperire, qui  
minimus cùm sit, da-  
tas habeat partes.

A	B	C	G	H
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



# E Y K A L E I.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

δεδοσυ.

## E V C L I D I S E L E M E N - T U M O C T A V V M .

“

**E**ΛΙΞΙΝ δοσιδηποτῦ ἀριθμοὶ ἔχεις αὐτάλαρε,  
διὰ τὸν διάροις αὐτῶν περῖτοι περὸς ἀλλήλων τοῖς  
πλάκησοί εἰσι ταῦτα διὸ λόγου ἰχθύτωι αὐτοῖς.

### Theor. i. Proposit. i.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propo-  
tionales, quorum extremi sint inter se pri-  
mi, minis : : : : : :  
mis sunt A B C D E F G H  
omnium 3 12 18 27 6 3 12 36  
candem cum eis rationem habentium.

β Ληγα

β

Ἀριθμοὺς ἐυρεῖν εἶναι ἀνάλογον ἐλαχίστους, δούστε τὰς τὰς τις σὺ δοθέντα λόγων.

Problema 1. Propo. 2.

Numeros reperire deinceps proportionales minimos, quocunque iusserrit quispiam in data ratione.

$$\begin{array}{ccccccccc} \vdots & \vdots \\ A & B & C & D & E & F & G & H & K \\ 3 & 4 & 9 & 12 & 16 & 27 & 36 & 49 & 64 \end{array}$$

γ

Ἐὰν ὁσικὸς οὐν ἀριθμοὶ εἴησι ἀνάλογον ἐλάχιστοι τῶν τοῦ αὐτὸν λόγων ἔχοντων αὐτοῖς, διὰ τὴν αὐτῶν πρώτοις τῷρος ἀλλήλους εἰσίν.

Theor. 2. Prop. 3. Conuersa primæ.

Si sint quocunq; numeri deinceps proportionales minimi habetum eandem cum eis rationem, illorum extremi sunt inter se primi.

$$\begin{array}{ccccccccc} \vdots & \vdots \\ A & B & C & D & E & F & G & H & K & L & M & N & O \\ 27 & 16 & 48 & 64 & 3 & 4 & 9 & 12 & 16 & 27 & 36 & 48 & 64 \end{array}$$

δ

Λόγων δοθέντων ὁποσωκοῦν σὺ ἐλαχίστους ἀριθμοῖς, ἀριθμοὺς ἐυρεῖν εἴησι ἐλαχίστους σὺ τοῖς δοθέντοις λόγοις.

Propo.

## Problema 2. Prop. 4.

Rationibus datis quotcunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12

t

Οι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἄλλους λόγον ἔχουσι; Τούτους τῶν πλευρῶν.

## Theorema 3. Prop. 5.

Planū numeri rationem inter se habent ex ideo  
teribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16	10	14	18	20

t

Ἐὰν δοθεῖσιν ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἑκάτεοι ἀνάλογον, δῆλον  
τοις τὸν διέταρον μὴ μετρεῖ, οὐδεὶς ἄλλος ὁ εὐδέλτα με-  
τρέσει.

## Theorema 4. prop. 6.

K Si

EVCLID. ELEMENTA GEOM.

Si sint quotlibet numeri A B C D E F G H deinceps 16 24 36 54 82 4 6 9 proportionales, primus autem secundum non metiatur, neq; alias quisquam ullum metietur.

Εὰν δοις οὐδεποτε άριθμοὶ εἴησι ἀνάλογοι, δῆπε τοις τὸν ἑσχατὸν μεζεῖ, καὶ τὸ δεύτερον μεζίσει.

Theore. 5. Proposi. 7.

Si sint quotcunque numeri deinceps proportionales, primus autem extre-  
num metiatur, is etiam secundum metietur.

A	B	C	D
4	6	12	24

Εὰν δύο άριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπλωσι άριθμοὶ, δοις εἰς αὐτὸς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπλωσι άριθμοὶ, τοιοῦτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεισθήτας.

Theore. 6. Prop.8.

Si inter duos numeros medij continua pro-  
por-

portione incident numeri, quot inter eos medij continua proportione incident numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ τερψτοι τερψτος ἀλλήλους ὔστι, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀγάλογον ἐμπίπλωσιν ἀριθμοὶ, δοσοὶ εἰς αὐτοὺς μεταξύ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀγάλογον ἐμπίπλωσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ ἕκατέρης αὐτῶν καὶ μονάδος ἑξῆς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀγάλογον ἐμπίσουσι ταῖς.

### Theore. 7. Proposi. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medij continua proportione incident numeri, quot inter illos medij continua proportione incident numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac unitatem deinceps medij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮		
A	M	H	E	P	N	C	-K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64

K 2      1 Egy

Εάν δύο ἀριθμῶν καὶ μονάδος μεταξὺ κατὰ τὸ συγχέσ ανάλογον ἐμπίπλωσιν ἀριθμοὶ, δοσὶ ἑκατέρου αὐτῶν καὶ μονάδος ἔξις μεταξὺ κατὰ τὸ συγχέσ ανάλογον ἐμπίπλουσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συγχέσ ανάλογον ἐμπεισοῦνται.

Theor.8.Prop.10.

Si inter duos numeros & vnitatem cōtinue proportionales incident numeri, quot inter vtrumq; ipso-  
rum & vnitatem deinceps A : K : L : :  
medij conti- 27 : E 36 : H 48 : G B  
nua propor- 9 : D 12 : F 16 64  
tione incidūt 3 : C 4 : I  
numerī, toti-  
dem & inter illos medij continua propor-  
tione incident.

<sup>τα</sup>  
Δύο τε γάγωνταν ἀριθμῶν ἕις μέσος ανάλογός θέτουν ἀριθμός, καὶ δ τε γάγωντος πρὸς τὸν τε γάγωνον δι-  
πλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἢ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευ-  
ράν.

Theor.9.Proposi.11.

Duorum quadratorum numerorum unus  
medius proportionalis est numerus; & qua-  
dra-

dratus ad quadra-					
tum duplicitam ha-	:	:	:	:	:
bet lateris ad latus	A	C	E	D	B
rationem.	9	3	12	4	16
	16				

Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί, όταν  
οἱ κύβοι τῷρος τῶν κύβων πολλαπλασίου λόγον ἔχει, οὐτε  
ἡ πολλαπλασία τῷρος τὴν πολλαπλασίαν.

### Theorema 10. Prop 12.

Duorum cuborum numerorum duo medij proportionales sunt numeri; & cubus ad cùm  
bum triplicatam habet lateris ad latus ratios  
nem.

:	:	:	:	:	:	:	:	:
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

εγ

Εάν οὖσιν δυοιδηποτέν αριθμοί εἶναι ἀνάλογοι, καὶ  
πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἐαυτὸν ποιῆσιντες, δι γε-  
νόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἰσονται. καὶ έτι δι εἴδη-  
χεις τοὺς γεννήμαντος πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι  
ἴνας, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἰσονται, καὶ δεῖ περὶ τοὺς ἀ-  
χρούς τοῦτο συμβάνει.

### Theore. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps propor-  
tionales, & multiplicans quisq; seipsum fa-

K 3 ciat

EVCLID. ELEM. GEOM.

ciat aliquos, qui ab illis producti fuerint, proportionales erunt: & si numeri primūm positi, ex suo in procreatōs ductū faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.

C												
B												
A	D	L	E	X	F	G	M	N	H	O	P	k
14	4	8	16	32	64	8	16	32	64	128	256	512

δ

Εὰν γεράγων τε Σάγωνος μεζῆ, καὶ ἡ τλευρὰ τὸν τλευρὰν μεζῆσε. καὶ έὰν ἡ τλευρὰ τὸν τλευρὰν μετρῇ, καὶ ὁ τε Σάγωνος τὸν τε Σάγωνος μεζῆσε.

Theor.12. Prop.14.

Si quadratus numerus quadratum numerum metiatur, & latus vnius metietur latus alterius. Et si vnius quadrati latus metiatur latus alterius, 9 12 16 3 4 & quadratus quadratum metietur.

18

Εὐ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μεῖνῃ, χρὴ τὸ λευ-  
γά τὸν τὸλευρὰν μεῖναιτε. οὐτὸν δὲ τὸν τὸλευρὰν πλει-  
στὸν μεῖνῃ, χρὴ δὲ κύβος τὸν κύβον μεῖναιτε.

### Theorema 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metiat-  
tur, & latus unius metietur alterius latus. Et  
si latus unius cubi latus alterius metiatetur,  
tum cubus cubum metietur.

A	H	k	B	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Ἐὰν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μὴ  
μεῖνῃ, οὐτὸν δὲ τὸν τὸλευρὰν μεῖναιτε, καὶ τὸν τὸλευρὰν τὸν τὸλευρὰν μὴ μεῖνῃ, οὐδὲ δὲ τετράγωνος τὸ  
τετράγωνον μεῖναιτε.

### Theor.14. Propo.16.

Si quadratus numerus quadratum nume-  
rum non metiatetur, neq; latus unius metie-  
tur alterius latus. Et si la-  
tus unius quadrati non  
metiatetur latus alterius,  
neq; quadratus quadra-  
tum metietur.

A	B	C	D
9	16	3	4
K	4		15

EVCLID. ELEM. GEOM.

13

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μεῖναι, οὐδὲ ἡ τἀλευρά τὸν τἀλευράν μετρήσει. καὶ ἡ τἀλευρά τὸν τἀλευράν μὴ μεῖναι, οὐδὲ ὁ κύβος τὸν κύβον μεῖναι.

Theor.15.Proposi.17.

Sic cubus numerus cubum numerum nob̄ metiatur, neque latus unius  
latus alterius metietur.  
Et si latus cubi alicuius  
latus alterius non metiat,  
neq; cubus cubum A B C D  
metietur, 8 27 9 11

14

Δύο δροίσαι τηπτέδων ἀριθμῶν τοῖς μέσος ἀνάλογός  
θετιν ἀριθμός, καὶ διπέδος τῷρος τὸν ἐπίπεδον δι-  
πλασιονα λόγον ἔχει, οπερ ὁ δμόλογος τἀλευρά πρὸς  
τὸν δμόλογον τἀλευράν.

Theore.16.Propo.18.

Duorum similiūm planorum numerorum  
vnus medius :: :: :: :: ::  
proportiona- A G B C D E F  
lis est nume 12 18 27 2 6 3 9  
rus: & planus ad planum duplicatam habet  
lateris homologi ad latus homologum ra-  
tionem.

15

Δύο

Ἄντο διμοίων σερέων ἀριθμῶν δύο μέσοις ἀνάλογον ἔμετονται ταῦτα σερέων ἀριθμοῖς. καὶ ὁ σερέος περὸς τὸν διμοίων σερέων γραπτασίον, λόγον ἔχει, ἐπειδὴ ἡ διμόλογος πλευρὰ περὸς τὴν διμόλογον πλευράν.

## Theore. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medii proportionales incidunt numeri: & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologi ad latus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6

x

⋮

Ἐάν δύο ἀριθμῶν τῆς μέσους ἀνάλογον ἐπίπεδη ἀριθμὸς, διμοίοις ἐπίπεδοι, ἐσονται ἀριθμοί.

## Theore. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros unus medius proportionalis incidat numerus, similes plani erunt illi numeri

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

xix

K 5 Εάν

13

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μετέη, οὐδὲ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει. καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μετέη, οὐδὲ ὁ κύβος τὸν κύβον μετέησει,

Theor.15. Proposi.17.

Sic cubus numerus cubum numerum nō metietur, neque latus unius latus alterius metietur.  
Et si latus cubi alicuius latus alterius non metietur, neq; cubus cubum metietur, A B C D  
metietur, 8 27 9 11

14

Δύο δροίσαι διπλεῖδων ἀριθμῶν ἕστις μέσος ἀνάλογος δέται ἀριθμὸς, καὶ διπλεῖδος τρὸς τὸν ἐπίπεδον διπλασιῶν λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ διμόλογος πλευρὰ πρὸς τὴν διμόλογον πλευράν.

Theore.16. Propo.18.

Duorum similium planorum numerorum unus medius : : : : :  
proportionalis est numerus A G B C D E F  
planus ad planum duplicatam habet lateris homologi ad latus homologum rationem.

10

Δύο

Δύο δμοίσια σερεῖν ἀριθμῶν δύο μέσοις ἀνάλογοις ἔμετί πίπτουν ἀριθμοί. καὶ ὁ σερεῖς περὸς τὸν δμοῖον σερεῖν Σκηνασίον, λόγον ἔχει, ἕπερ ἡ δμόλογος πλευρὴ περὸς τὴν δμόλογον πλευράν.

## Theore. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo medii proportionales incidunt numeri: & solidus ad similem solidum triplicatam rationem habet lateris homologi ad latus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	:	:	:	:	:	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6

x

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἕις μέσοις ἀνάλογοις ἐπίπτῃ ἀριθμὸς, δμοῖοις ἐπίπεδοι ἔσονται ἀριθμοί.

## Theore. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros unus medius proportionalis incidat numerus, similes planierūt illi numeri

⋮	⋮	⋮	:	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

xα

K 5      Edy

EVCLID. ELEM. GEOM.

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἔμπιπλωσι  
ἀριθμοὶ, ὅμοιοι σερεοί εἰσιν διὰ τριμοί.

Theor.19.Prop.21.

Si inter duos numeros duo medij proportionales incident numeri, similes solidi sunt illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	k	L	M	
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4	x6

Ἐὰν τέσσερες ἀριθμοὶ ἔχουσιν ἀνάλογον ὕστερον, διὰ τριμούς τε τέσσερες τετράγωνος ἔσονται, καὶ διὰ τέσσερες τετράγωνος ἔσονται.

Theore.20.Propo.22.

Si tres numeri deinceps  
sint proportionales, pri-  
mus autem sit quadratus,  
& tertius quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

xy

Ἐὰν τέσσερες ἀριθμοὶ ἔχουσιν ἀνάλογον ὕστερον, διὰ τριμούς τε τέσσερες τετράγωνος ἔσονται, καὶ διὰ τέσσερες τετράγωνος ἔσονται.

Theore.21.Propo.23.

Si quatuor numeri deinceps  
sint proportionales, pri-  
mus autem sit cubus,  
& quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

xd

x8

Εὰν δύο ἀριθμοὶ τρός ἀλλήλως λόγον ἔχωσιν δν τε  
τράγωνος ἀριθμὸς τρός τε τράγωνον ἀριθμὸν, δὲ  
πρῶτος τε τράγωνος ἦ, καὶ δεύτερος τετραγωνος ἔσαι.

## Theor.22. Propo.24.

Si duo numeri rationem habeant inter se,  
quam quadratus numerus ad quadratū nu-  
merum, primus au- : : : : : :  
tem sit quadratus, A B C D  
& secundus quadra 4 6 9 16 24 36  
tus erit.

x9

Εὰν δύο ἀριθμοὶ τρός ἀλλήλως λόγον ἔχωσιν, δν κύ-  
bos ἀριθμὸς τρός κύβον ἀριθμὸν, δὲ πρῶτος κύ-  
bos ἦ, καὶ δεύτερος κύβος ἔσαι.

## Theore.23. Propo.25.

Si numeri duo rationem inter se habeant,  
quam cubus numerus ad cubum numerum,  
primus autem cubus sit, & secundus cubus  
erit.

A	B	C	D
8	12	18	27

x9

Οἱ διμοῖοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ τῷρος ἀλλήλων λόγοι  
ἴχθσιν, ὃν τε Γάγων ἀριθμὸς τῷρος τε Γάγων ἀ-  
ριθμόν.

## Theor.24.Propo.26.

Similes plani numeri rationem inter se ha-  
bent, quam quadratus  
numerus ad quadra-      ●      ●      ●      ●      ●      ●  
tum numerum.      A      C      B      D      E      F  
18      24      32      9      12      16

Οἱ διμοῖοι σεροὶ ἀριθμοὶ τῷρος ἀλλήλους λόγοι οὐ  
ἴχθσιν, διν κύβος ἀριθμὸς τῷρος κύβον ἀριθμόν.

## Theore.25.Propo.27.

Similes solidi numeri rationem habent in-  
ter se, quam cubus numerus ad cubum nu-  
merum.

●	●	●	●	●	●	●	●	●
A	C	D	B	E	F	G	H	
16	24	36	54	8	12	18	27	

Elementi octauis finis.



**E Y K A L E I-**  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ EN-  
NATON.

**EVCLIDIS ELEMENTVM NONVM.**

a

**E** Ατδύο ὁμοιοι επίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες σταρρές ἀλλάλους ποιῶσι ληγά, δι γενόμενος τετράγωνος ἔσαι.

Theore.i.Propo.i.

Si duo similes plani numeri mutuo se se multiplicantes  
quendā pro creent, pro- A E B D C  
ducētus qua- 4 6 9 16 24 36  
dratus erit,

B

Edu

EVCLID. ELEM. GEOM.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσατες ἀλλήλους ποὺ  
ῶσι τε ξάγιων, ὅμοιοι ἐπίπεδοί εἰσι.

Theorema 2. Prop. 2.

Sic duo numeri mutuò sese multiplicantes  
quadratum fa- : : : : :  
ciant, illi simi- A : B D C  
les sunt plani. 4 6 12 9 18 36

$\gamma$   
Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποὺ  
ἴηται, ὁ γενόμενος κύβος ἔσαι.

Theorema 3. Proposi. 3.

Sic cubus numerus seipsum multiplicans pro-  
creet ali- • : : : : :  
que, pro vni D D A B.  
ductus cui tas 3 4 8 16 32 64  
bus erit.

$\delta$

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιά-  
σας ποὺ ίηται, ὁ γενόμενος κύβος ἔσαι.

Theorema 4. prop. 4.

Sic cubus numerus cubū : : :  
numerum multiplicans A B D C  
quendam procreet, pro- 8 27 64 216  
creatus cubus erit.

Εάν κύριος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλασιάσας  
κύριον τοιῷ, χρό πολλαπλασιασθεῖς κύριος ἔσαι.

## Theor.5. Proposi.5.

Si cubus numerus numerum quendam mul-  
tiplicans cubum pro- : : :  
creet, & multiplica- A B D C  
tus cubus erit. 27 64 729 1728

6

Εάν ἀριθμὸς ἐαυτὸν πολλαπλασιάσας κύριον ποιεῖ,  
χρό αὐτὸς κύριος ἔσαι.

## Theorema 6. Proposi.6.

Si numerus seipsum multi- : : :  
plicans cubum procreet, A B C  
& ipse cubus erit. 27 729 19683

3

Εάν σύνδετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλασιά-  
σας ποιῇ ίνδι, ό γενοβλημος γερίδος ἔσαι.

## Theorema 7. Prop. 7.

Si compositus numerus quedam numerum  
multiplicans quem- : : : :  
piam procreet, pro- A B C D E  
ductus solidus erit. 6 8 48 2 3  
η Edp

Εὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἔξῆς ἀνάλογοι  
ῶσιν, διὰ μὲν τίτλου ἀπὸ της μονάδος τετράγωνός ἐστι, καὶ  
διὰ ένα διαλείποντες πάντες, διὰ τέταρτος κύβος, καὶ  
διὰ δύο διαλείποντες πάντες, διὰ τετραγωνικοῦ διμίου  
τετράγωνος, καὶ διὰ πάντες διαλείποντες πάντες.

Theore.8. Proposi.8.

Si ab unitate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab unitate quadratus est, & unum intermitentes omnes: quartus autem cubus, & duobus intermissis omnes: septimus vero cubus simul & quadratus, &

•	:	:	:	:	:	:	
quinq <small>ue</small>	vni	A	B	C	D	E	F
intermiss <small>tas</small>	3	9	27	81	243	729	

sunt omnes.

Εὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἔξῆς ἀνάλογοι  
ῶσιν, διὰ μετὰ τὴν μονάδα τετράγωνος ἐστι, καὶ διὰ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἐσονται. καὶ εὰν διὰ μετὰ τὴν μονάδα κύβος ἐστι, καὶ διὰ λοιποὶ πάντες κύβοι ἐσοутαι.

Theorema 9. Proposi. 9.

Si ab unitate sint quocunque numeri deinceps proportionales, si autem quadratus isti

qui

LIBER IX. 8

qui vnitatem se.	531441	F	733969
quitur, & reli-	59049	E	531441
qui omnes qua-			
drati erunt.	6561	D	59049
Quòd si qui v-	729	C	6561
nitatem sequi-			
tur cubus sit, &	81	B	729
reliqui omnes			
cubi erunt.	9	A	81

Vnitas.

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὔσιν,  
οἱ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἡ τε βάγωνος, οὐδὲ ἄλλος ὁὐδὲ  
τε βάγωνος ἔσαι. χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ τῆς μονά-  
δος χαὶ τῶν ἔνα διαλέκποντων πάντων. χαὶ τὰν δὲ με-  
τὰ τὴν μονάδα κύβος μὴ ἡ, οὐδὲ ἄλλος ὁὐδεὶς κύβος  
ἔσαι. χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ τῆς μονάδος χῇ τῶν δύο  
διαλειπόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitate numeri quotcunque proportionales sint, non sit autem quadratus is qui  
vnitatem

sequitur,	•	:	:	:	:	:	:
neq; alias	Vni-	:	A	B	C	D	E
vllus qua-	tas.	3	9	36	81	243	729

L

dratus

## EVCLID. ELEMEN. GEOM.

dratus erit, deemptis tertio ab unitate ac omnibus unum intermittentibus. Quod si qui unitatem sequitur, cubus non sit, neque alias ullus cubus erit, deemptis quarto ab unitate ac omnibus duos intermittentibus.

<sup>α</sup>  
Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοισιν ἀριθμοὶ ἔχεις ἀνάλογοι  
ὅσιν, δὲ λάθισταν τὸν μείζονα μετέχει κατὰ τινὰ τῶν ὑπαρχόντων σὺ τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

### Theore. II. Propo. II.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempiam eorum qui in proportionibus sunt numeris. A    D    C    D    E  
1        2        4        8        16

<sup>β</sup>

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοισιν ἀριθμοὶ ἀνάλογοι  
ὅσιν, ὁπόστιν ἀνότικος τοις παρόντων ἀριθμῶν μετρεῖται, ὅποτε τῶν αὐτῶν χριστὸς ὁ παρὰ τὴν μονάδα μετρήσεται.

### Theore. II. Propo. 12.

Si ab unitate quotlibet numeri sint proportionales, quo primorum numerorum ultimum

num metiuntur, et idem & cum qui unitati proximus est, metientur.

Vni-  
tas.

A	B	C	D	E	H	G	F
4	16	64	259	8	32	128	

Εὰν ἀπὸ μονάδος διαστολοῦ ἀριθμοὶ ἔχεις ἀνάλογον  
τοιν, δῆμετά τὴν μονάδα πρῶτος ἡ, δι μέγιστος ὑπὸ<sup>3</sup>  
διδεκτὸς ἄλλη μετριώσεται παρέξ τῶν ὑπαρχόντων  
ἢ τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

### Theore. 13. Propo. 13.

Si ab unitate sint quotcumque numeri deinceps proportionales, primus autem sit qui unitatem sequitur, maximum nullus aliis metietur, ijs exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.

Vni-  
tas.

A	B	C	D	E	H	G	F
3	9	27	81				

L 2      Edy

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

δ

Εὰν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ τῶν ἀριθμῶν μείζων  
ταῖ, οὐδὲνὸς ἄλλος ἀριθμοῦ μετρήθησε ταῖς  
τῶν ἔξαρχῆς μετρούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum numerum primi aliquot numeri metiantur, nullus aliis numerus primus illum metietur, ijs exceptis qui primò metiuntur.

ε

Εάν γένις ἀριθμοὶ ἔχησι ἀνάλογον ὥσιγ ἐλάχιστοι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, δύο οποιοῦν συστεμέντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοι εἰσίν.

Theore. 15. Propo. 15.

Sitres numeri deinceps proportionales sint minimi, eadem cū ipsis habentium rationem, duo quilibet compositi ad tertium primierunt.

A	C	B	A	C	B	D
9	16	12	9	16	12	3

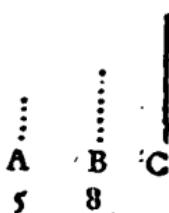
Εάν

15

Ἐὰν δέος ἀριθμοὶ πρῶτοι τῷρες ἀλλήλους ὥστιν, οὐχ  
ἴσαις δὲ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὔτε δὲ δεύτερος  
πρὸς ἄλλον τινά.

## Theor.16. Propo.16.

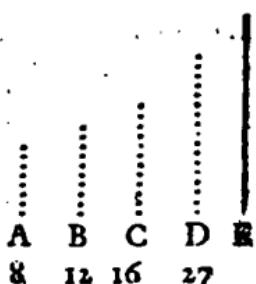
Si duo numeri sint inter se  
primi, non se habebit quē-  
admodum primus ad se-  
cundum, ita secundus ad  
quempiam alium.



Ἐὰν ὅστιν δύοιδηκτοις ἀριθμοὶ ἔξης ἀνάλογον, οἱ δὲ  
ἀριθμοὶ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥστιν, οὐχ  
ἴσαις δὲ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὔτε δὲ ἴσχατος  
πρὸς ἄλλον τινά.

## Theore.17. Propo.17.

Si sint quotlibet nume-  
ri deinceps proporcio-  
nales, quorum extremi  
sint inter se primi, non  
erit quemadmodum pri-  
mus ad secundum, ita  
ultimo ad quempiam  
alium.



EVCLID. ELEMEN. GEOM.

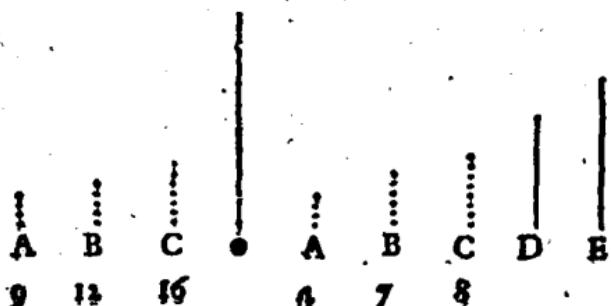
<sup>εγγ</sup>  
Αύτοι ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰς Συναρόν  
ἔστι αὐτοῖς τίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor.18. Propo.18.  
Duobus numeris datis, considerare possitne  
tertius illis inueniri proportionalis.



Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰς Συναρόν  
ἔστιν αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theore.19. Propo.19.  
Tribus numeris datis, considerare possitne  
quartus illis reperiri proportionalis.



<sup>x</sup>  
Οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείστοι εἰσὶ παντὸς τοῦ προτε-  
στροφῆλέων τεργάτων ἀριθμῶν.

## Theore.20. Propo.20.

Primi numeri				P
plures sunt				D
quacunque				
proposita mul- titudine pri- morum nu- merorum.	A	B	C	E
	2	3	19	G
	:	:	:	
				H
				I
				J
				K
				L
				M
				N
				O
				P
				Q
				R
				S
				T
				U
				V
				W
				X
				Y
				Z

<sup>xa</sup>  
Ἐὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ διποσοιοῦν συντελῶσιν, δὲ λαος,  
ἄρτιος δέται.

## Theor. 21. Propo.21.

Si pares numeri quo- libet compositi sint, to- tus est par.	A	B	C	D	E
	:	:	:	:	
	4	6	8	10	
	:	:	:	:	

<sup>xa</sup>  
Ἐὰν τερισθεῖται ἀριθμοὶ διποσοῖς συντελῶσι, τὸ δὲ  
πλήθος αὐτῶν ἄρκειν δέλαος ἄρκειος ἐσται.

## Theor. 22. Propo.22.

Si impares numeri quoilibet compositi  
L 4      sint,

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

sint, sit autem par il-  
lorum multitudo, to-  
tus par erit.

A B C D  
5 9 7 3

xγ

Ἐὰν τερισθέντες ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν συντελῶσιν, τὸ δὲ  
πλῆθος αὐτῶν τερισσὸν θήσῃ, καὶ ὅλος τερισσὸς ἔσαι.

Theor. 23. Propo. 23.

Si impares numeri  
quotcunq; compo-  
siti sint, sit autē im-  
par illorum multitu-  
do, & totus impar  
erit.

A B C E  
5 7 8 1

xδ

Ἐὰν ἀπὸ ἀριθμοῦ ἀρτίος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-  
πὸς ἀρτίος ἔσαι.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detra-  
ctus sit, & reliquus par erit.

B  
A C  
6 4

xε

Ἐὰν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ τερισσὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ  
λοιπὸς τερισσὸς ἔσαι.

Theo-

## Theor. 25. Prop. 25.

Si de pari numero impar de-  
tractus sit, & reliquus impar  
erit.

A	C	D
8	1	4

x5

Ἐὰν ἀπὸ τετράδος ἀριθμοῦ τετραστὸς ἀφαιρεῖται, καὶ  
λοιπὸς ἀριθμός τετράδη.

## Theore. 26. Prop. 26.

Si de impari numero im-  
par detractus sit, & reli-  
quus par erit.

A	C	B
4	6	2

x6

Ἐὰν ἀπὸ τετράδος ἀριθμοῦ τετραδίου ἀφαιρεῖται, δὲ λοι-  
πὸς τετραστὸς τετράδη.

## Theore. 27. Prop. 27.

Si ab impari numero par  
ablatus sit, reliquus im-  
par erit.

A	D	C
1	4	4

x7

Ἐὰν τετραστὸς ἀριθμὸς ἀριθμὸς τετραστούς ποιῆται,  
δὲ γενόμενος ἀριθμός τετράδη.

L 5      Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans, procreet quempiam, procreatus par erit.

A B C

x 8 3 4 12

Εάν τερισσός ἀριθμὸς τερισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποτὶ τινὰ, ὁ γενόμενος τερισσός ἔσαι.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem numerū multiplicans quēdā procreet, procreatus impar erit.

A B C

3 5 15

Εάν τερισσός ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετέχῃ, καὶ τὸν ἄλιστον αὐτοῦ μετρήσει.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiat, & illius di-

A C B

3 6 18

λα

Εάν τερισσός ἀριθμὸς τερός ἡτα ἀριθμὸν πρῶτος ἔσαι, καὶ τερός τὸν διπλάσιον αὐτοῦ πρώτος ἔσαι.

Theore. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempia primus sit, & ad illius duplum pri-

A B C D

7 8 16

λβ

Τῶν ἀπό δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἔργων  
ἀριθμός ἀριθμός ἐστι μόνον.

Theore.32. Propo.32.

Numerorū, qui à bi-  
nario dupli sunt, v- vni- : : :  
nusquisq; pariter par eas. A B C D  
est tantūm.

A	B	C	D
2	4	8	16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμίσουν ἔχει περισσὸν, ἀριθμός την  
γίσσος ἐστι μόνον.

Theore.33. Propo.33.

Si numerus dimidium impar habeat,  
pariter impar est tantūm.

A
20

λδ

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμὸς μήτε τῶν ἀπό δυάδος διπλασια-  
ζομένων ἡ, μήτε τὸν ἡμίσουν ἔχει περισσὸν, ἀριθμός  
τὴν ἀρτιός ἐστι καὶ ἀριθμός περισσός.

Theore.34. Propo.34.

Si par numerus nec sit duplus à bina-  
rio, nec dimidium impar habeat, pariter  
par est, & pariter impar.

?	?	?
A		
20		
Εάν		

Εάν. φασιν ὁ Γεωμετροῦν δριδιοῖς εἶναι ἀνάλογον,  
ἀφαιρεῖσθαι δὲ & τό τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου ἐσχάτη  
ἴτι τῷ πρώτῳ, οὐτως δὲ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς  
τὸν πρώτον, οὐτως δὲ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς  
πρὸτεστοῦ διπλαῖς.

## Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri  
deinceps proportionales,  
detrahantur autem de se-  
cundo & ultimo aequa-  
les ipsi primo, erit quem-  
admodum secundi excessus  
sus ad primum, ita ultimi  
excessus ad omnes qui ul-  
timum antecedunt.

F

4

K

4

C

4

G

4

D B D E

4 4 16 16

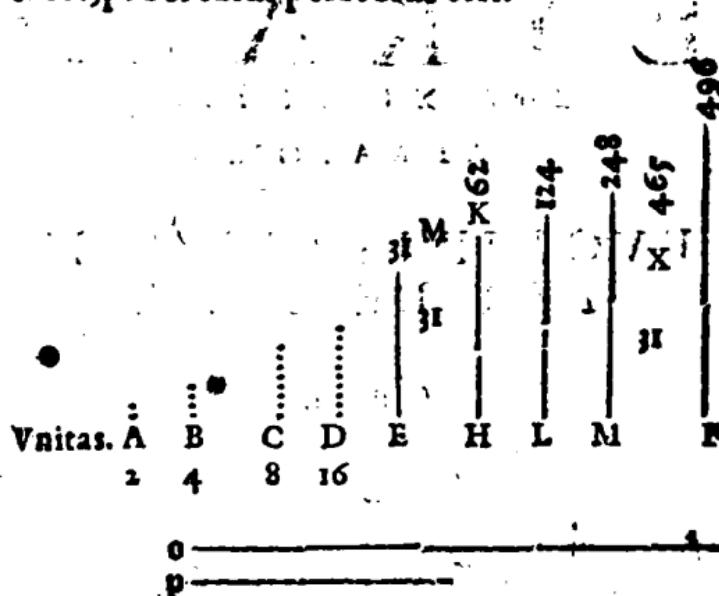
εἴσοδος λέξη

Εάν δὲ τὸ μονάδος ὁ ποσοῖον δριθμοὶ εἶναι ἔκτεινθ-  
σιν τὴν διπλαῖς φαλογίας ἐκεῖδε δισύμπταστη  
τελεῖς πρῶτος γένεται, καὶ δισύμπταστη τὸν ἐσχά-  
τον πολλάπλαστον δεῖ ποιῆσαι, διγενέρων τέλος  
ἔσαι.

## Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quodlibet deinceps expo-

expositi sunt in duplice proportione quæd  
totus compositus primus factus sit, is quæ totus  
in ultimum multiplicatus quæpiam pro-  
creet, procreatus perfectus erit:



Ε Y K Λ E I.  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ  
ΔΕ'ΚΑΤΟΝ.

E V C L I D I S E L E M E N -  
T V M D E C I M V M.

O P O I.

a

$\Sigma$  Υμεῖς α μηδὲν λέγεται, τὰ δὲ αὐτῷ μή  
τί περισσούμενα.

DÉFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines dicuntur illæ, quas eadem mensura metitur.

B

Λοιμμεῖς δὲ, ὅν μηδὲν σύμβαλλεν κοινὴ μέσον γενέσθαι.

In-

**Incommensurabiles vero magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.**

γ  
Εὐθεῖαι διωάμφούμενοί εἰσιν, διατάξας ἀπ' αὐτῶν τετάγματα φέρεται χωρία μετέπειται.

**3**  
**Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies sive area metitur.**

δ  
Δισύμμενοι δὲ διατάξιοι ἀπ' αὐτῶν τετάγματα μηδὲν σύδεχηται χωρίον καὶ γόνην μὲν γενέσθαι.

**4**  
**Incommensurabiles vero lineæ sunt, quarū quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.**

ε  
Τούτων ὑποκρίμετων, δείχνυται δὲ τῇ προτελείᾳ ἐυθεῖα ὑπάρχουσσι ἐυθεῖαι οὐλίδες ἀτετροι, σύμμετροι τε καὶ ἀσύμμετροι, οὐ μὲν μάκεν καὶ διωάμει, οὐ δὲ διωάμει μόνον. Καλέσθω δια τὸ μὲν προτελεῖσα ἐυθεῖα ῥητή.

**5**  
**Hæc cùm ita sint, ostendi potest quodquid quantumque linea recta nobis proponatur,**

ex-

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

existunt etiam aliae linea innumerabiles ei-  
dem commensurabiles, aliae item incommen-  
surabiles, haec quidem longitudine & poten-  
tia; illae vero potentia tantum. Vocetur igit  
linea recta, quantacunque proponatur,  
quia id est rationalis.

Καὶ αἱ ταῦται σύμμετροι εἴτε μάκιαι καὶ διπλάμιαι, εἴτε  
διπλάμιδι μόνον, ῥηταῖ.

6

Lineae quoque illi ῥηται commensurabiles si-  
ue longitudine & potentia, siue potentia  
tantum, vocentur & ipsæ ῥηται, id est rationa-  
les.

Αἱ δὲ ταῦται ἀσύμμετροι, ἀλογοι καλείσθωσαν.

7

Quæ vero linea sunt incomensurabiles il-  
li tamen ῥηται, id est primo loco rationali, vocen-  
tur ἀλογοι, id est irrationales.

Καὶ τὸ μὲν άπό τῆς προτετάσθετης τετράγω-  
νων, ῥητόν.

8

Et quadratum quod à linea proposita descri-  
bitur, quam ῥητην vocari voluimus, vocetur  
ῥητόν.

Καὶ

**Καὶ τὰ τούτα σύμμετρα, ἥπτα.**

**Et quæ sunt huic commensurabilitia, vocentur ἥπτα.**

**Τὰ δὲ τούτα ἀσύμμετρα, ἀλογα καλείσθω.**

**Quæ verò sunt illi quadrato ἥπτα scilicet incommensurabilitia, vocentur ἀλογα, id est surda:**

**Καὶ αἱ διαιάμετραι αὗται, ἀλογοι. εἰ μὲν τε ξάγωναι εἰναι, αὕται αἱ πλευραὶ εἰ ἔτερα τινὰ εὐθύγραμμα, εἴ τα αὗτοῖς τε ξάγωνα ἀναγράφεσσαν.**

## II

**Et lineæ quæ illa incommensurabilitia describunt, vocentur ἀλογοι. Et quidem si illa incommensurabilitia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabūtur ἀλογοι lineæ: quod si quadrata quidem non fuerint, verum alias quæpiam superficies sive figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἀλογοι.**

**Προτάσσε. d.**

**Αἱού μεγάλην ἀγίσσωντες οὐκέτι γένονται, τὰν αἴπερ τοῦ μη-**

**M 890**

# EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Ζονος ἀφαιρεδη μεῖζον ἡ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦ χαταλψε-  
μένης μεῖζον ἡ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦ ἀεὶ γέγνηται, λη-  
φθήσεται τι μέγενος, ὁ οὖτις ἔχει μένειν ἐλάσ-  
σος μεγέθεως.

## Theore. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-  
positis, si de maiore detrahatur  
plus dimidio, & rursus de resi-  
duo iterum detrahatur plus di-  
midio, idque semper fiat: relin-  
quetur quadam magnitudini mi-  
nor altera minore ex duabus  
propositis.



3

Ἐὰν δύο μεγεθῶν ἔχει μένειν ἀνίσων, ἀνθεφαιρου-  
μένης ἀεὶ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος, τὸ χατα-  
ληπτόν μηδέποτε καταμεῖη τὸ πρὸ ἑαυτοῦ, δι-  
σύμετρα ἔσαι τὰ μεγέθη.

## Theore. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus propositis inæqualibus, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadam detractione, neque residuum vnuquam metiatur id quod



ante

ante se metiebatur, incommensurabiles sunt illæ magnitudines.

$\gamma$   
Δύο μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν χοινὸν μέτρον έυρεῖν.

Proble. 1. Proposi. 3.

Duabus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.



§

Τριῶν μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν χοινὸν μέτρον έυρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.



Τὰ σύμμετρα μεγεθη πρὸς ἀλλήλα λόγον έχει, διαίρει δὲ πρὸς ἀριθμόν.

M 2      Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
Theore. 3. Propo. 5.

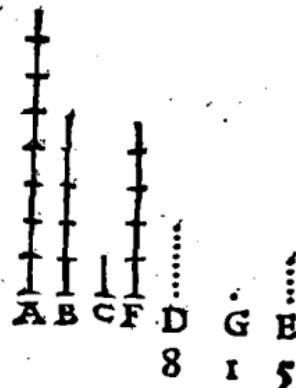
Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχειν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρά ἔσται τὰ μεγέθη.

Theore. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionem eam habent inter se quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.



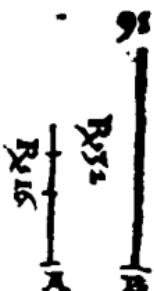
Τὰ δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον εἶχεν, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμόν.

Theor.

LIBER X.

Theore.5. Propo.7.

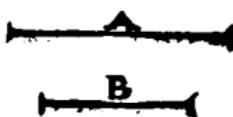
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Ἐὰν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχῃ δν ἀριθμὸς τρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔται τὰ μεγέθη.

Theore.6. Propo.8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habent quā numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.



Τὰ ἀπὸ τῶν μίκη συμμετέχων ἐνδῖσσν τεβάγωνα, πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει δν τεβάγωνος, ἀριθμὸς πρὸς τεβάγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τεβάγωνα τὰ τρὸς ἄλληλα λόγον ἔχοντα δν τεβάγωνος ἀριθμὸς πρὸς τεβάγωνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἔχει μίκη συμμετέχεις. τὰ ἀπὸ τῶν μίκη συμμετέχων ἐνδῖσσν τεβάγωνα πρὸς ἄλληλα λόγον σὸκ ἔχει ὅντερ τεβάγωνος ἀριθμὸς πρὸς τεβάγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τεβάγωνα τὰ τρὸς ἄλληλα λόγον μὴ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Ἐχοντα δὲ τε γένοντας ἀριθμὸς πρὸς τε γένοντας ἀριθμὸν, οὐδὲ τὰς πλευρὰς ἔχει μάκραι συμμέτρους.

Theore. 7. Propo. 9.

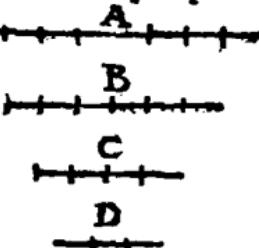
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habent quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionē non habent inter se quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudines commensurabilia.



Ἐὰν τέσσαρα μεγάλη ἀνάλογοντ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ δευτέρῳ σύμμετρον, καὶ τὸ τέταρτον τῷ τετάρτῳ σύμμετρον ἐστι. καὶ τὸ πρῶτον δὲ δευτέρῳ ἀσύμμετρον, καὶ τὸ τέταρτον δὲ τετάρτῳ ἀσύμμετρον ἐστι.

## Theore. 8. Propo. 10.

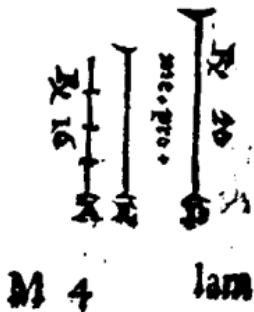
Si quatuor magnitudines fuerint proportionales, prima verò secunda fuerit commensurabilis, tertia quoq; quartæ commensurabilis erit. quod si prima secundæ fuerit incommensurabilis, tertia quoque quartæ incommensurabilis erit.



Τῇ προτεθέσῃ ξυδεῖα προσερπεῖ δύο ξυδείας ἀσύμμετρος, τὸν μὲν μάκρες μόνον, τὸν δὲ καὶ διωάμει,

## Problem. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ  
( quam ῥητὴν vocari dicimus ) reperire duas lineas rectas incommensurabiles, hanc quidem longitudine tantum, ill-



EYCLID. ELEMEN. GEOM.

Jam verò non longitudine tantùm, sed etià  
potentia incommensurabilem.

β

Tà δέ αὐτῷ μεγάλη σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις οὐκ  
σύμμετρα.

Theore. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ ei-  
dem magnitudini sunt  
commensurabiles, in-  
ter se quoq; sunt com-  
mensurabiles.



6D.....4F..  
4E.... 8G..

3H...

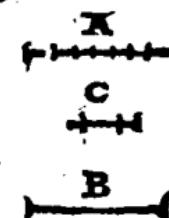
2K..

4L...

Ἐάν δέ το μεγάλη, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον δέ αὐ-  
τῷ, τὸ δὲ ἑτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ταῦτα με-  
γένη.

Theore. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus  
hæc quidem commensurabilis  
sit tertia magnitudini, illa ve-  
rò eidem incommensurabilis,  
incommensurabiles sunt illæ  
duæ magnitudines.



δ

Ἐάν δέ το μεγάλη σύμμετρα, τὸ δὲ ἑτερον οὐτοῦ  
μηδε

μηδένι τινὶ ἀσύμμετρον, χαὶ τὸ λοιπὸν δὲ αὐτῷ  
ἀσύμμετρον έσαι.

## Theore. II. Propo. 14.

Si duarū magnitudinū cōmen-  
surabilium altera fuerit incom-  
mensurabilis ma-  
gnitudini alteri  
cuipia tertiae, re-  
liqua quoque magnitudo eidem tertiae in-  
commensurabilis erit.



Ἐὰν τέσσαρες ἐνθεῖα ἀνάλογον ὁσιν, δύνηται δὲ ἡ  
πρώτη τῆς δευτέρας μεῖζον δὲ ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ  
μίκρη, χαὶ ἡ τέταρτη τῆς τετάρτης μεῖζον διαιρεταὶ  
ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μίκρει. χαὶ ἐὰν ἡ πρώτη τῆς  
δευτέρας μεῖζον διαιρεταὶ δὲ ἀπὸ ἀσύμμετρου ἑαυτῇ  
μίκρῃ, χαὶ ἡ τέταρτη τῆς τετάρτης μεῖζον διαιρεταὶ δὲ  
ἀπὸ ἀσύμμετρου ἑαυτῇ μίκρῃ.

## Theore. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint,  
posset autem prima plusquam secunda  
tanto quantum est quadratum lineæ sibi  
commensurabilis longitudine: tertia quo-  
que poterit plusquam quarta tanto quan-  
tum est quadratum lineæ sibi commensu-

M 5 rabilis

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

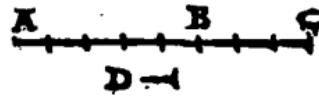
rabilis longitudine. Quod si prima possit plusquam secunda quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis; tercia quoque posterit plusquam quarta quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine.

15

Ἐάν δύο μεγέθη σύμμετρα συστεῶται, καὶ τὸ ὅλον ἐκατέρω αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐτῶν σύμμετρον ἔσται, καὶ τὰ εἰς ἀρχής μεγέθη σύμμετρα ἔσται.

Theore.13. Propo.16.

Si duæ magnitudines commensurabiles componantur, tota magnitudo composita singulis partibus eamensurabilis erit. quod si tota magnitudo composita alterutri parti commensurabilis fuerit, illæ duæ quoque partes commensurabiles erunt.



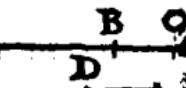
16

Ἐάν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα συστεῶται, καὶ τὸ ὅλον ἐκατέρω αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται, καὶ τὰ εἰς ἀρχῆς μεγέθη ἀσύμμετρα ἔσται.

Theor.

## Theor.14. Propo.17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.



14

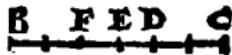
Ἐὰν ὅσι δύο ἐυθεῖαι ἀνίσοι, δὲ τετάρτῳ μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἑλάσθνος ἴγρα παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῆ ἐλεῖπον εἶδε τετραγώνῳ, χαὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαφέρει μήκει, μείζων τῆς ἑλάσθνος μεῖζον διαίστεται, δὲ απὸ συμμέτρου ἕαυτῇ μήκει. χαὶ ἐὰν ἡ μείζων τῆς ἑλάσθνος μεῖζον δύνηται, δὲ απὸ συμμέτρου ἕαυτῇ μήκει, δὲ δὲ τετάρτῳ μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἑλάσθνος ἴγρα παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῆ ἐλεῖπον εἶδε τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαφέρει μήκει.

## Theore.15. Propo.18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à minore, æquale parallelogrammum apliceat.

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

placetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineam illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tanto plus potest quam minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quod si maior plus possit quam minor, tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tanto excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



18

Εἰς τοις δύο τετράγωνα τέκνοις, οἵ τις τετράγωνα μέρη  
τεθήσαντες

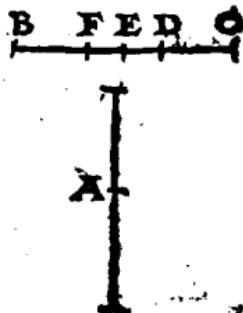
τριγώνοπο της ἐλάσσονος ἴση παρά τὴν μείζονα πα-  
ραβλικῆ ἐλλείπον εἰδότη βαγών, καὶ εἰς αὐτούμε-  
τρα αὐτὸν διαιρῆ μήκει, οὐ μείζων της ἐλάσσονος μεῖ-  
ζου διαιρέσται, φασὶν αὐτῷ αὐτούμετρον εἰστη. καὶ τὰς  
μείζων της ἐλάσσονος μείζον δύνηται φασὶν αὐτῷ αὐτούμε-  
τρον εἰστη, φασὶν τοῦ αὐτοῦ της ἐλάσσονος  
ἴση παρά τὴν μείζονα παραβλικῆ ἐλλείπον εἰδότη βα-  
γών, εἰς αὐτούμετρα αὐτὸν διαιρέσθαι.

## Theore. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ  
autem parti quadrati lineæ minoris æqua-  
le parallelogrammum secundum lineam  
maiorem applicetur, ex qua linea tantum  
excurrat extra latus parallelogrammi, quan-  
tum est alterum latus eiusdem parallelo-  
grammi: si parallelogrammum præterea sui  
applicatione diuidat lineam in partes in-  
ter se longitudine incommensurabiles, mai-  
or illa linea tanto plus potest quam mi-  
nor, quantum est quadratum lineæ sibi  
maiori incommensurabilis longitudine.  
Quod si maior linea tanto plus possit quam  
minor, quantum est quadratum lineæ in-  
commensurabilis sibi longitudine: & præ-  
terea quartæ parti quadrati lineæ minoris  
æquale parallelogrammum applicetur. se-  
cunda

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

cundum maiorem, ex qua tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius: parallelogramum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se incomensurabiles longitudine.

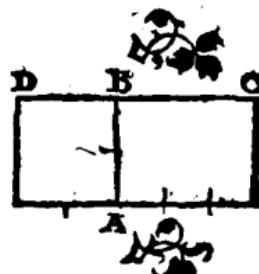


x

Τὸ ὑπὸ διηγῶν μήκει συμμέτρον κατά τὰ τῶν προφριμένων τρόπων ἐνδεῖσιν περιεχόμενον ὅρθει γάνιον, ῥητόν 65τιν.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectangula contenta ex lineis reatis rationalibus longitudine commensurabilibus secundum numerum aliquem modum ex antedictis, rationalis est.



xii

Εάν διηγὸν παρὰ διηγὴν παραβληθῇ, πλάτος ποιεῖ διηγὴν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' ἓν παράχνεται, μήκος.

Theor.

# LIBER X

## Theore. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum linea-  
mem rationalem appli-  
cetur, habebit alterum  
latus lineam rationalem  
& commensurabilem lon-  
gitudine linea cui ratio.  
nale parallelogrammum  
applicatur.

x β

Τὸ ὅπο δικτὸν διώσαμε μόνον συμμετέχον τὸ  
ριεχόμενον ὀρθογώνιον ἀλογόν ἔστι, καὶ οὐ διωσάμενον  
τὸ ἀλογός ἔστι. καλέσθω τὸ Μίση.

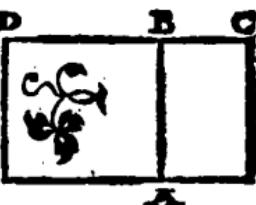


## Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula contenta duabus li-  
neis rectis rationalibus  
potentiā tantum com- D  
mensurabilibus, irratio-  
nalis est. Linea autem que illam superficiem potest,  
irrationalis & ipsa est: vo-  
cetur verò medialis.

x γ

Τὸ ἀπὸ μέσου παρὰ δικτὸν παραβαλόμενον, πλά-  
τος τοιοῦ δικτὸν καὶ ἀσύμμετρον τῷ παρὰ δικτὸν παρά-  
χται, μήδε.

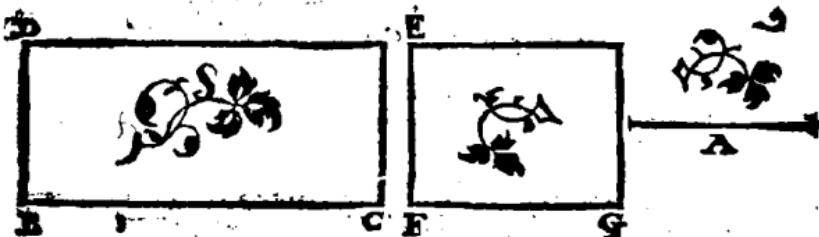


Theor.

DR. EUCLID. ELEMENTA GEOM.

Theor. 20. Prop. 23.

Quadrati linea<sup>z</sup> medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine linea<sup>z</sup> secundum quam applicatur.



$\frac{AB}{EG} \neq \frac{AC}{EG}$

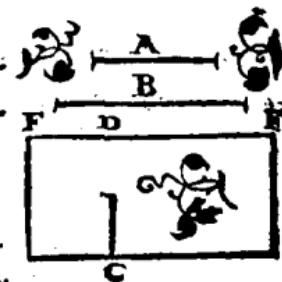
ἢ τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέση έσιν.

Theor. 21. Prop. 24.

Linea recta mediai commensurabilis, est ipsa quoque medialis:

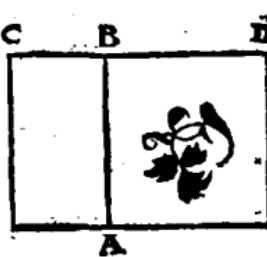
$\frac{AB}{CD} = \frac{AC}{CD}$

Τὸ ὅπο μέσων μήκει συμμέτρων ἐνθεῶν τεριεχόμενον ὄρθογώνιον, μέση έσιν.



Theor. 22. Prop. 25.

Parallelogrammū rectangularum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est:

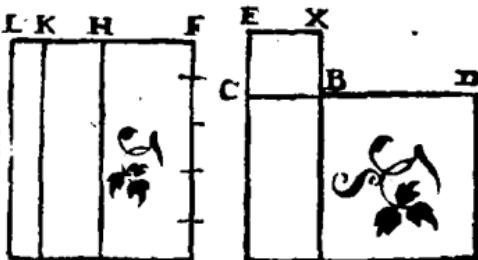


x5

Τὸ ὑπὸ μέσων διαιάμερόν τούτον συμμετρέσθαι περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἢ τοὺς ῥητὸν, ή μέγετόν.

## Theore.23.Propo.26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum  
duabus lineis media libus potestia tantum commensurabili-



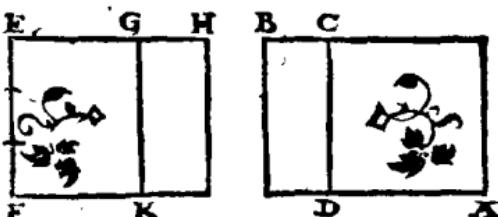
N M G  
bus, vel rationale est, vel mediale.

Mέγετος τούτου περιεχόμενος.

x6

## Theor.24.Propo.27.

Médiale  
nō est mai-  
ius quam  
mediale  
superficie  
rationali.



x7

Μέσας ἐυρεῖν διαιάμετρον συμμετρύσ, ῥητὸν περιεχούσας.

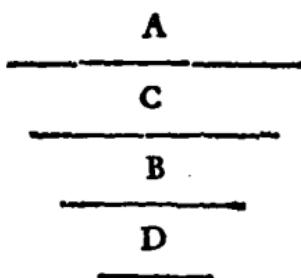
N

Pro-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 4. Propo. 28.

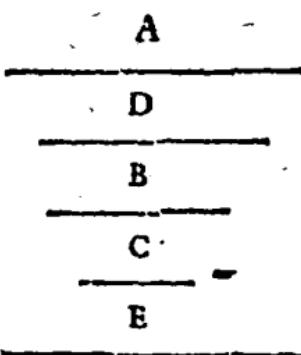
Mediales lineas inuenire potentia tantum commensurabilis rationales comprehendentes.



x9

Μέσας ένερην δυνάμει μόνον συμμέτρους μέσου περιεχούσας.

Probl. 5. Prop. 29.  
Mediales lineas inuenire potentia tantum commensurabiles mediale comprehendentes.



λ

Εύρην δύο ρίτας δυνάμει μόνον συμμέτρους, τὰς τὴν μείζονα τῆς ἐλάσσονος μείζον δύνασθαι διὰ συμμέτρους ἑαυτῇ μήκει.

Proble. 6. Propo. 30.  
Reperire duas rationales potentia tantum commensurabiles.

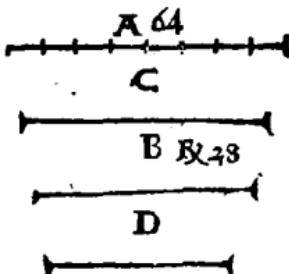
commensurabiles huiusmodi, vt maior ex illis possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

 $\lambda\alpha$ 

Εὑρεῖν δύο μέσας δυνάμεις μόνον συμμέτρος ρητὸν περιεχούσας, ὡς τὴν μείζονα τῆς ἐλάσσονος μείζονα δύνασθαι διὰ ποὺ συμμέτρος εἴστη μήκος.

Proble.7. Propo.31.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentes, tales inquam, vt maior possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

 $\lambda\beta$ 

Εὑρεῖν δύο μέσας δυνάμεις μόνον συμμέτρος μεταπεριεχούσας, ὡς τὴν μείζονα τῆς ἐλάσσονος μείζονα δύνασθαι διὰ ποὺ συμμέτρος εἴστη.

Proble.8. Propo.32.

Reperire duas lineas mediales potentia

N 2 tan-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tantum commensurabiles medialem superficiem continent, huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato linea sibi commensurabilis longitudine.

A

D

B

E

C

λγ

Εύρεται δέ ένδειξε δωμάτιο ἀσυμμέτρος, ποιούσας τὸ μὲν συγχέιματον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε γαγγίων ῥητόν, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῶν μέτρον.

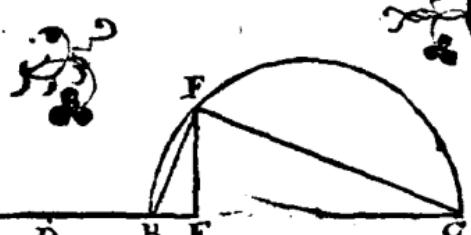
Proble. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiem rationalem, parallelogrammū vero ex A B B E C ipsis contentum sit mediale.

λδ

Εύρεται δέ ένδειξε δωμάτιο ἀσυμμέτρος, ποιούσας τὸ μὲν συγχέιματον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε γαγγίων μέτρον, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῶν ῥητόν.

Probl.



## Probl. 10. Propo: 34.

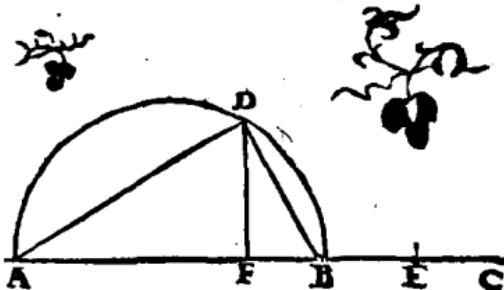
Reperire lineas duas rectas potentia incommensurabiles, conficientes compositum ex ipsis quae quadratis mediale, parallelogrammum vero ex ipsis cōtentum ratione.

λε

Εύρειν δύο τυπείας δυνάμεις ἀσύμμετρες, ποιούσας τό, τε συγχέιματον ἐκ τῶν ἀπὸ αὐτῶν τε γεγώνων μὲν, καὶ τὸ ὑπὸ αὐτῶν μέσον, καὶ ἔλε ἀσύμμετρον δὲ συγχειμένων ἐκ τῶν ἀπὸ αὐτῶν τε γεγώνων.

## Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incommensurabiles, confidentes id quod ex ipsis quadratis componitur mediale, simulque parallelogrammum ex ipsis cōtentum, mediale, quod præterea parallelogrammum sit incomensurable cōposito ex quadratis ipsarum.



EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΚΑΤΑΣΥΝ-  
ΘΕΤΙΝ ἐξάδων.

λε

Εὰν δύο ῥηταὶ διαιάμφι μόνον σύμμετροι συντεθῶσιν, ἡ ὅλη ἀλογος ἔστιν. καλείσθω δὲ ἐκ δύο ὁμοιάτων.

PRINCIPIVM SENARIO-  
rum per compositionem.

Theor.25. Propo.36.

Si duæ rationales potentia tantum commen-  
surabiles componantur, tota linea erit irra-  
tionalis. Voce  autem Bino-  
mium.

λε

Εὰν δύο μέσαι διαιάμφι μόνον σύμμετροι συντεθῶ-  
σι ῥητὸν τεριέχοσαι, ἡ ὅλη ἀλογος ἔστι, καλείσθω δὲ  
ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor.26. Propo.37.

Si duæ mediales potentia tantum commen-  
surabiles rationale continentis compo-  
nentur, tota li-  
nea est irrationalis,  
  
vocetur  
autem

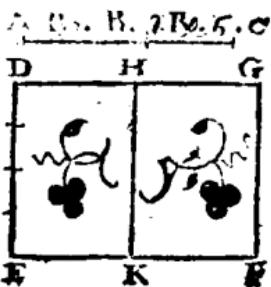
autem Bimediale prius.

λη

Εάν δέο μέσαι διαίραμψ μόνον σύμμετροι συντεθῶσι μέτρη περιέχουσαι, οὐδὲν ἀλογός θέτ. καλείσθω τὸ ἐκ δύο μέσων δευτέρα,

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales poten-  
tia tantum commensura-  
biles mediale continen-  
tes componantur, tota li-  
nea est irrationalis. vo-  
cetur autem Bimediale  
secundum.



λθ

Εάν δέο ἐυθεῖαι διαίραμψ ἀσύμμετροι συντεθῶσι ποιοῦσαι τὸ μὲν συγχέαμδυον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τα τραγύνων ἥπτον, τὸ δὲ ὅπ' αὐτῶν μέτρη, οὐδὲν ἐυθεῖαι ἀλογός θέτ. καλείσθω τὸ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incomensurabiles componantur, confidentes compositum ex quadratis ipsarum rationale, parallelogrammum verò ex ipsis contentum mediale, tota linea re  
ctæ est

irrationalis. Vocetur autem linea maior.

N 4

Ἐπ

μ

Ἐὰν δύο ἐυθεῖαι διατάξαις συνάμμετροι συντελῶσι, ποιοῦσαι τὸ μὲν συγχέιμδυνόν ἔχ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέγνη, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν ῥητόν, ἡ ὅλη ἐυθεῖα ἀλογός ἔστι. καλείσθω δὲ ῥητόν γει μέγνη.

## Theor.29. Propo.40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit, ex ip-  
sis, ra-  tionale, tota linea est irrationalis. Vocetur autem potens rationale & mediale.

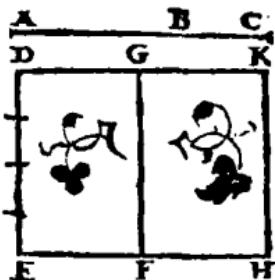
μα

Ἐὰν δύο ἐυθεῖαι δινάμεις ἀσύμμετροι συντελῶσι ποιοῦσαι τό, τε συγχέιμδυνόν ἔχ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέγνη, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέγνη, καὶ ἡ ἀσύμμετρον δὲ συγχάμενω ἔχ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ἡ ὅλη ἐυθεῖα ἀλογός ἔστι. καλείσθω γέδύο μέσα διατάξη.

## Theor.30. Propo.41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, confidentes compositum ex quadratis ipsarum mediale, & quod continentur ex ipsis, mediale, & præterea incom-

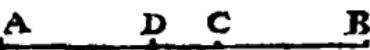
commensurabile compo-  
sito ex quadratis ipsa-  
rum, tota linea est irratio-  
nalis. Vocetur autem po-  
tens duo medialia.

 $\mu\beta$ 

Η ἐκ δύο ὀγομάτων καθ' ἐν μόνον συμεῖον διαιρεῖ-  
ται εἰς τὰ ὄνόματα.

## Theor. 31. Propo. 42.

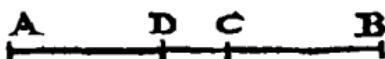
Binomium in unico tantum puncto diuidi-  
tur in sua nomis-  
na, id est in line-  
as ex quibus com-  
ponitur.

 $\mu\gamma$ 

Η ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἐν μόνον συμεῖον  
διαιρεῖται εἰς τὰ ὄνόματα.

## Theor. 32. Propo. 43.

Bimediale prius in unico tantum puncto  
diuiditur in sua  
nomina.

 $\mu\delta$ 

Η ἐκ δύο μέσων δευτέρα καθ' ἐν μόνον συμεῖον  
διαιρεῖται εἰς τὰ ὄνόματα.

N 5      Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 33. Propo. 44. A D C B

Bimediale secundum in  
vnico tantùm puncto di-  
uiditur in sua nomina.

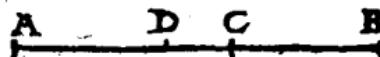


$\mu\epsilon$

Η μείζων χρεῖα τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαιρεῖται εἰς  
τὰ ὄνοματα.

Theor. 34. Propo. 45.

Linea maior in vnico tantùm puncto diui-  
ditur in  
sua no-  
mina.



$\mu\sigma$

Η ἥπτον χρεὶ μέσην διαιρέτηκε τὸ μόνον σημεῖον  
διαιρεῖται εἰς τὰ ὄνοματα.

Theor. 35. Propo. 46.

Linea potens rationale & mediale in vnico  
tantùm  
puncto  
diuiditur in sua nomina.



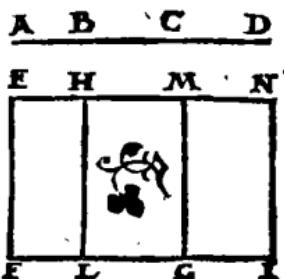
$\mu\zeta$

Η δύο μέσα διαιρέτηκε τὸ μόνον σημεῖον διαι-  
ρεῖται εἰς τὰ ὄνοματα.

Theor.

Theore. 36. Pro-  
posi. 47.

Linea potens duo media-  
lia in vnico tantum pun-  
cto diuiditur in sua no-  
mina.



### ΟΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκριμένης ῥήτης, ότι τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων διηριμέ-  
νης εἰς τὰ ὄνόματα, οὗ τὸ μεῖζον ὄνομα τοῦ ἐλάτ-  
τονος μεῖζον δύναται δὲ ἀπὸ συμμετρίας ἑαυτῇ  
μίκης.

*a*

Εὰν μὲν τὸ μεῖζον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκετῇ ἔκκρι-  
μένη ῥήτη, χαλείσθω δὲ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

*b*

Εὰν δὲ τὸ ἐλασθὲν ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκετῇ ἔκκρι-  
μένη ῥήτη, χαλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρα.

*γ*

Εὰν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ἢ μήκε-  
τῇ ἔκκριμένη ῥήτη, χαλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων  
τρίτη.

Πάλιν δὴ εὰν τὸ μεῖζον ὄνομα τοῦ ἐλασθενοῦς μεῖ-  
ζον δύνηται δὲ ἀπὸ ἀσυμμετρίας ἑαυτῇ μίκης.

Εὰν

Εὰν μὲν τὸ μεῖζον δνομα σύμμετον ἡ μίκητῇ έκκλι-  
μένῃ ρητῇ, καλέσθω ἐκ δύο ὀγομάτων τετάρτη.

ε  
Εὰν δὲ τὸ ἔλατον, πέμπτη.

ζ  
Εὰν δὲ μιδέτερον, ἔκτη.

## DEFINITIONES secundæ.

*Proposita linea rationali, et binomio diuiso in sua nomina, cuius binomij maius nomen, id est, maior portio possit plusquam minus nomen quadrato linea sibi, maiori inquam nominis, commensurabilis longitudine:*

1  
*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile longitudine propositæ linea rationali, uocetur tota linea Binomium primum:*

2  
*Si utrō minus nomen, id est minor portio Binomij, fuerit commensurabile longitudine propositæ linea rationali, uocetur tota linea Binomium secundum:*

3  
*Si uero neutrum nomen fuerit commensurabile longitudine propositæ linea rationali, uocetur Binomium tertium.*

Rursus

Rursus si maius nomen posset plusquam minus nomen quadrato linea sibi incomensurabilis longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurabile longitudine propositæ linea rationali, uocetur tota linea Binomium quartum:

5

Si uero minus nomen fuerit commensurabile longitudine linea rationali, uocetur Binomium quintum:

6

Si uero neutrum nomen fuerit longitudine commensurabile linea rationali, uocetur illa Binomium sextum.

 $\mu\eta$ 

Εὑρεῖν τὴν ἐξ δύο ὁνομάτων πρώτων.

Proble. 12. Pro-  
posi. 48.

D
E 16 F 12 G
—
H

Reperire Binonium pri-  
mum.

12	4
A .....	C ....B
16	

 $\mu\eta$ 

Εὑρεῖν τὴν ἐξ δύο ὁνομάτων δευτέραν.

Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

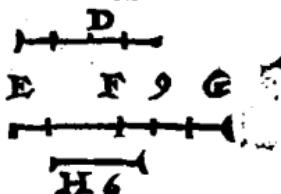
Proble. 13. Pro-  
posi. 49.

9 3

A.....C...B

12

Reperi Binomium se-  
cundum.



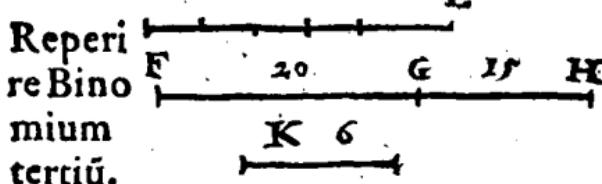
Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὁγομάτων Σίτικα.

Proble. 14. A.....C.....

Prop. 50.

15 5  
10

D



Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὁγομάτων τετάρτην.

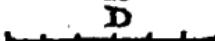
Proble. 15.

Prop. 51.

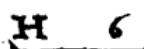
10 6

A.....C.....B

16



Reperi Binomium  
quartum.



Εὑρεῖν

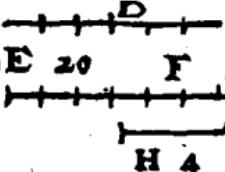
γε

Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

16

4

Probl. 16. Pro- A.....,.....C....  
posi. 52. 20



Reperire Binomium  
quintum.

γγ

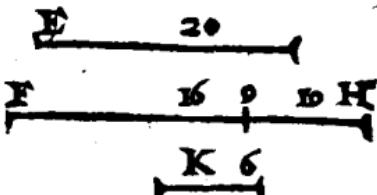
Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτην.

10 6

A.....C.....B

16

Probl. 17. Pro- D.....,.....  
posi. 13. 20



γδ

Εὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τὸ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη, ἡ τὸ χωρίον διαμετεῖη ἀλογός ἔστιν ἢ  
χαλυμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationali &

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

li & Bi-

nomio

primo, li-

nea quæ

illam su-

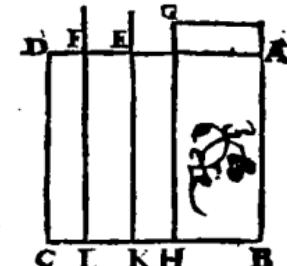
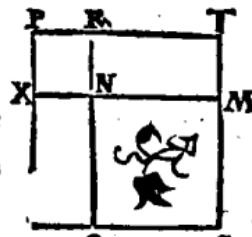
perfici-

em po-

test, est irrationalis,

quæ Binomium vo-

catur.



$\gamma\epsilon$   
Εὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἔχ δύο  
ὄνομάτων δευτέρας, ἡ τὸ χωρίον διαμετέναι ἀλογός  
ἔστιν ἡ καλλιγένη ἔχ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea ratio-

nali & Binomio secundo, linea potens illam

superfi-

ciem est

irratio-

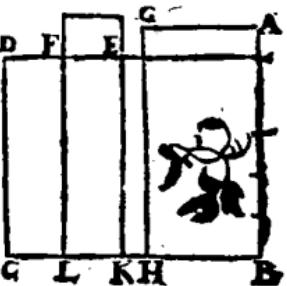
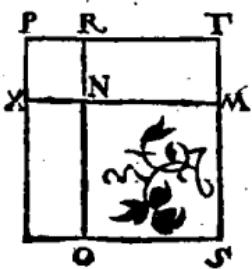
nalis,

quæ Bi-

mediale

primum

vocatur.



$\gamma\epsilon$   
Εὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἔχ δύο  
ὄνομάτων Σίτης, ἡ τὸ χωρίον διαμετέναι ἀλογός  
ἔστιν ἡ καλλιγένη ἔχ δύο μέσων δευτέρα.

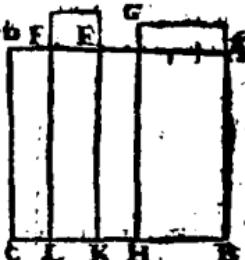
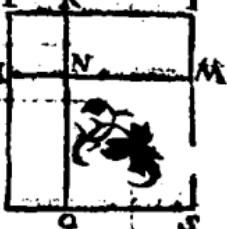
Theore.39. Propo.56.

Si superficies continetur ex rationali &

Bi-

Bindo-

mio ter<sup>a</sup> R. R. T  
tio, linea  
que illā  
superfici  
em pos  
test, est  
irrationalis, que dicitur Bimediate secundū,

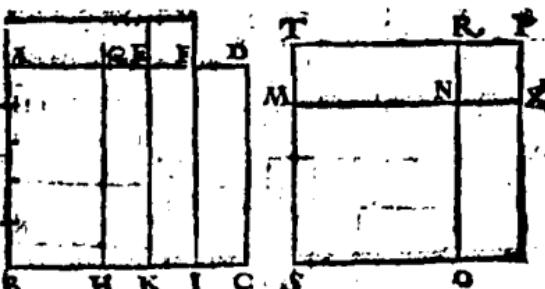


Εάν χώριον περιέχηται ὑπό ρυγμάχ τούς εκ δύο ὄντων  
μάτων τετάρτης, ή τὸ χώριον διαιρετὴν αλογόθ  
εστι, οὐ καλλιμέτριον μέτρῳ.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies continetur ex rationali & Bi-  
nomio

Quadr.  
to, li-  
nea po-  
tentia-  
pessimi-  
em illā,  
est irrationalis, que dicitur maior.



Εάν χώριον περιέχηται ὑπό ρυγμάχ τούς εκ δύο ὄντων  
μάτων τετάρτης, ή τὸ χώριον διαιρετὴν αλογόθ  
εστι, οὐ καλλιμέτριον μέτρῳ διαιρετὴν.

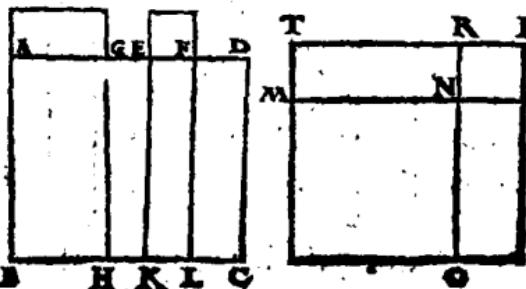
Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies continetur ex rationali &

Bindo-

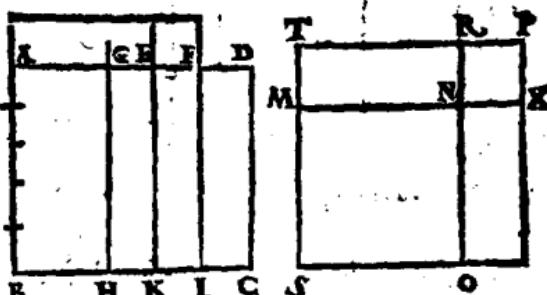
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Binomio quinto, linea quæ illam superficiem  
potest est irratio-  
nalis, quæ di-  
citur potes-  
rationale & mediale.



Ἐὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὁνο-  
μάτων ἔχεται, οὐ τὸ χωρίον διαμετέλλογός ἔσται,  
ἐγκλιζμένη δύο μέσα διαμετέλλογα.

Theor. 42. Propo. 59.  
Si superficies contineatur ex-rationali & Bi-  
nomio sexto, linea quæ illam superficiem po-  
test est ir-  
ratio-  
nalis, quæ  
dici-  
tur po-  
tens



duo medialia.  
Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὁνομάτων παρὰ ῥητὴν παραβελ-  
λόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν ἐκ δύο ὁνομάτων περιττον.

Theo.

Theore.43. Pro-

posi. 60.

Quadratum Binomij secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.



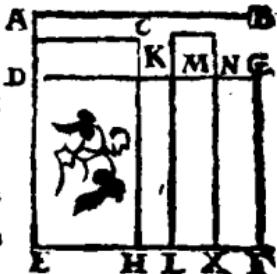
ξα

Tὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων τερώτης τεράριτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν τέχνην δύο ὄνομάτων δευτέραν.

Theo.44. Pro-

posi. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.



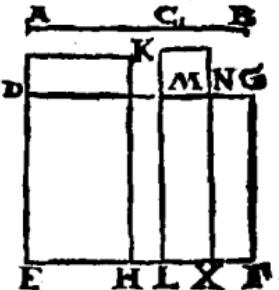
ξβ

Tὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας τεράριτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν τέχνην δύο ὄνομάτων τίτλου.

Theor.45. Pro-

posi. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem applicatū, facit alterū latus Binomiū tertiuū.



O 2

Td

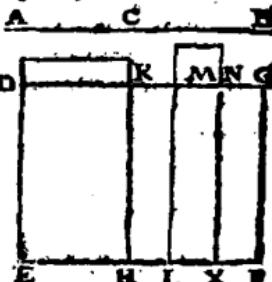
EVCLID. ELEMENT. GEOM.

ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ρήτην παραβαλλόμενον,  
πλάτος ποιεῖ τὸν εἷς δύο ὄνομάτων τετάρτην.

Theore. 46. Prop. 63.

Quadratum lineæ maiori secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum.

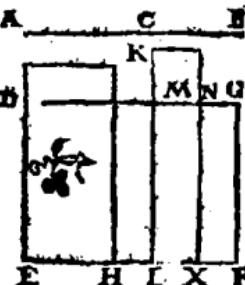


ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ρήτην χειρὶ μέσα διωριμένης παρὰ ρήτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν εἷς δύο ὄνομάτων πέμπτην.

Theor. 47. Prop. 64.

Quadratum lineæ potenter rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum.



ξε

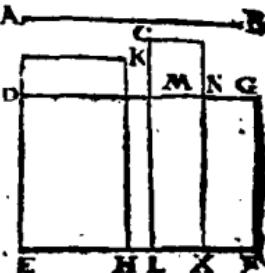
Τὸ ἀπὸ τῆς εἷς δύο μέσα διωριμένης παρὰ ρήτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν εἷς δύο ὄνομάτων τετράτην.

61

Theo-

## Theor. 48. Propo. 65.

Quadratum lineę poten-  
tis duo medialia secundū  
rationalem applicatum, fa-  
cit alterum latus Binomiū  
sextum.



ξε

Ητῆ ἔχ δύο ὄνομάτων μήκει σύμμετρος, καὶ αὐτὴ  
ἔχ δύο ὄνομάτων οἵτι, καὶ τῇ τάξῃ αὐτή.

## Theor. 49. Propo. 66.

Linea longitudine com- A      E      B  
mensurabilis Binomio est —————  
& ipsa Binomium eiusdem C      F      D  
ordinis.

ξη

Ητῆ ἔχ δύο μέσων μήκει σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων  
οἵτι, καὶ τῇ τάξῃ αὐτή.

## Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine com- A      E      B  
mensurabilis alteri bime- —————  
dialium, est & ipsa bime- B      F      D  
diale etiam eiusdem or-  
dinis.

ξη

Ητῆ μείζον σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μείζων οἵτιν.

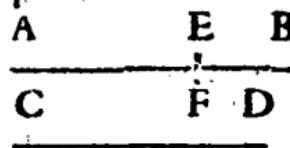
Ο 3

Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis  
lineæ maiori, est & ipsa  
maior.

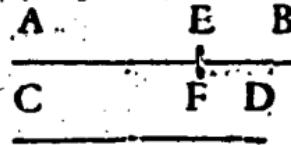


ξθ

Η τῇ ῥητὸν καὶ μὲν διαμετροῦσύμμετρος, καὶ αὐτὴ  
ῥητὸν καὶ μὲν διαμετρησίν.

Theor. 52. Propo. 69.

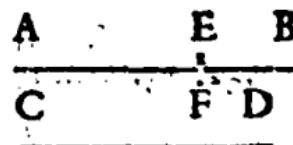
Linea commensurabilis lineæ potenti ratione  
nale & mediale, est & A E B  
ipsa linea potens ratio-  
nale & mediale.



Η τῇ δύο μέσα διαμετροῦσύμμετρος, δύο μέσα δυ-  
μετρησίν.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabi-  
lis lineæ potenti duo  
medialia, est & ipsa li-  
nea potens duo me-  
dialia.



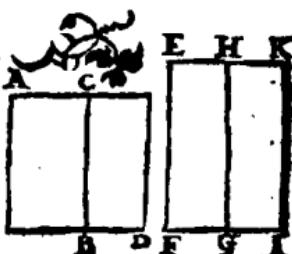
οα

Ρητοῦ καὶ μέσος συμβαίνεις, τέσσαρες ἀλογον γίγον  
ται, οἱ ἔχοντες δύο ὄνομάτων, οἱ δὲ δύο μέσων τεράτη οἱ μέ-  
σαι, οἱ καὶ ῥητὸν καὶ μὲν διαμετρητικοί.

Theor.

## Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est una ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea nsa maior, vel linea potens rationale & mediale.

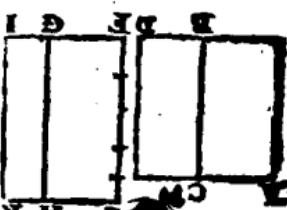


οβ

Δύο μέσων φουμιτέρων διλλόλοις συναίθεμένων, αἱ λοιπαὶ δύο ἀλογοι γίνονται, οἵτοι οὐ εἰ δύο μέσων δυοῖς τέρα, οὐ δύο μέσα διναμέτη.

## Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialia.



ο 4

ΣΧΟ-

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Η τοῦ δύο ὄνομάτων χαράσσει μετ' αὐτῶν ἀλογος, δυτική μέση, δυτικός αλλάλους εἰσὶ γὰρ αὗται.

Τὸ μὲν γένος ἀπὸ μέσου παρὰ ρίτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ ρίτην, καὶ ασύμμετρον τῷ παρὰ μὲν παράχθει, μήδε.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἑκατοντάριτης παρὰ ρίτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν ἐκ δύο ὄνομάτων πρώτων,

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἑκατοντάριτης παρὰ ρίτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν ἐκ δύο ὄνομάτων πρώτων δευτέρων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἑκατοντάριτης παρὰ ρίτην παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν ἐκ δύο ὄνομάτων τετάρτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ρίτην χαράσσει μέσον διωδεμένης παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὸν ἐκ δύο ὄνομάτων τετέμητον.

Τὸ δὲ ἀπό τῆς δύο μέσα διωμένης παρὰ ῥητὴν πάν  
γα βαλλομένου, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο στομάτων  
ἔχειν.

Ἐπεὶ δούν τὰ εἰρυμένα πλάτη διαφέρει τοῦτο τοιούτοις,  
ταῖς καὶ ἀδιάλογοι, τοῦ μὲν πρώτης, ὅτι ῥητή δύτη, ἀλλά  
λον ἔτι, ὅτι ταξιδός εἰσιν αἱ αὐταὶ, διλογίσεισθαι  
πάντας αἱ αὐλογοὶ διαφέρουσιν ἀλλάλον.

### S C H O L I V M.

*Binomium &c cetera consequentes linee irrationales, neque sunt eadem cum linea mediali, neque ipsae inter se.*

Nam quadratum linee mediæ applicatum secundum lineam rationalem, facit alterum latus lineam rationalem, & longitudine incommensurabilem lineæ secundum quam applicatur, hoc est, linea rationali, per 23.

Quadratum uero Binomij secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum, per 60.

Quadratum uero Bimedialis primi secundum rationalem applicationem, facit alterum latus Binomium secundum, per 61.

Quadratum uero Bimedialis secundi secundum rationalem applicationem, facit alterum latus Binomium ter-

EVCLIDI ELEMENTI. GEOM.

tion, per 62.

Quadratum uero linea maiori secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum uero linea potentis rationale et media le secundum rationalem applicatum, facit alterum la tus Binomium quintum, per 64.

Quadratum uero linea potentis duo medialia secun dum rationalem applicatum, facit alterum latus Bi nomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quae latitudines uocantur, dif ferant et a prima latitudine, quoniam est rationalis, cum inter se quoque diffarent, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irrationales, differentes esse inter se.

ΑΕΥΤΕΡΑ ΤΑΣΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΛΟ-

γων τῶν καλύπτομεν.

Αρχὴ τῶν κατάλογον εἶδόσην.

οὐ

Ἐὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητῆς ἀφαιρεῖθη διαίμει μόνον σύμμετρος δισατῆς, ἀλοιτὴ ἀλογός ἐστι. καλύπτει τὰ ποτεμά.

SECUNDVS ORDO ALTE-

rius sermonis, qui est de detractione.

Principium seniorū per detractionem.

Theor

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrabatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irra-  
tionalis, vocetur autem  $\frac{A}{B}$  Residuum.

οδ

Εάν από μίσης μέση φανερῶ διαιάμε μόνον σύμ  
μετρος δυσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ρήτον περιέ-  
χῃ ἡ λοιπὴ ἀλογός οὗτος χαλεπώς δὲ μέσης ἀποτο-  
μα πρότη.

Theo. 57. Propo. 74.

Si de linea medioli detrahatur medialis po-  
tentia tantum commensurabilis toti linea,  
quæ vero detraha est cum tota contineat su-  
perficiem rationalem, residua est irratio-  
nalis. Vocetur autem  $\frac{A}{B}$  Residuum  
mediale primum.

οε

Εάν από μίσης μέση φανερῶ διαιάμε μόνον σύμ  
μετρος δυσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέσην περιέχει,  
ἡ λοιπὴ ἀλογός οὗτος χαλεπώς δὲ μέσης ἀποτομα  
διετέρα.

Theor.

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

Theor. 58. Prop. 75.

Si de linea media detrahatur media pars potentia tantum commensurabilis toti, quæ vero detraha est, cum tota continet superficiem medianam, reliqua est irrationalis. Vocetur autem Residuum mediale secundum.

ος

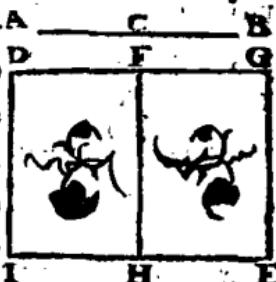
Εάν ἀπὸ έυθείας έυθεία αφαιρεθῇ διαμέτρος δύστα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ της ὅλης ποιουσα τὸ μὲν ἀπὸ αὐτῶν ἀριθμὸν, τὸ δὲ ὑπό αὐτῶν μέσον, ἡ λογικὴ πλογός 63. ταλαισθῶ δε ἐλάσσων,

Theor. 57. Prop. 76.

Si de linea recta detrahatur recta pars potentia incomensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ, sit rationale; parallelogrammum vero ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea erit A C B irrationalis. Vocetur autem linea minor.

ος

Εάν διπλὸς έυθείας έυθεία αφαιρεθῇ διαμέτρος δύστα τῇ ὅλῃ, μῆδε της ὅλης ποιουσα τὸ μὲν συγχέο-



συγχειμόνος ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε ξαγώνων, μέσου, τὸ δὲ δίεύπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἔστι. χαλεπόνδια ἢ μή ῥητός μέσον τὸ ὅλον ποιοῦσα.

## Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incomensurabilis toti lineæ, compositum autem ex quadratis totius & lineæ detrahaæ sit mediale, parallelogrammum vero bis ex eisdem contentum sit rationale, reliqua linea est irrationalis. Vocetur autem linea faciens cum superficie rationali, totam superficiem A C B ciem mediæ. ——————  
λεμ,

ον

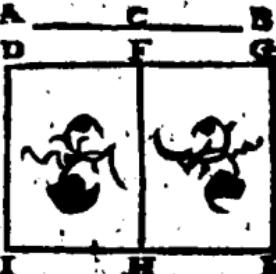
Ἐάν διπλὸν τοῦ διαστήματος τοῦ περιεχομένου δύστα τῷ ὅλῳ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ μὲν συγχειμόνος ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε ξαγώνων, μέσον, τὸ δὲ δίεύπ' αὐτῶν, μέσον, ἐκ τὰς ἀπ' αὐτῶν τε ξαγώνας ἀσύμμετρα διδίεύπ' αὐτῶν, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἔστι. χαλεπόνδια ἢ μετὰ μέσον μέσον τὸ ὅλον ποιοῦσα.

## Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incomensurabilis toti lineæ, compositum autem ex quadratis totius & lineæ detrahaæ sit mediale, parallelogrammum vero

EV CLID. ELEMEN. GEOM.

verò bis ex ijsdem sit etiam mediale: prae-  
terea sunt quadrata ipsarum incommensu-  
rabilia parallelogrammo  
bis ex ijsdem contento,  
reliqua linea est irratio-  
nalis. Vocetur autem li-  
nea faciens cum superfi-  
ciei mediali totam super-  
ficiem medialem.



Τῇ ἀποτομῇ μίᾳ μόνον προσαρμόζει ἐυθεῖα ῥῆτος,  
δινάμει μόνον σύμμετρος δύσα τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.  
Residuo vnica tantum linea recta coniungit  
tur rationalis, po- A B C D  
tentia tantum com-  
mensurabilis toti lineaꝝ.

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτη μόνον μίᾳ προσαρμόζει  
ἐυθεῖα μέση, δινάμει μόνον σύμμετρος δύσα τῇ ὅλῃ,  
μετὰ δὲ τὸ δίλης ῥῆτὸν περιέχεσσα.

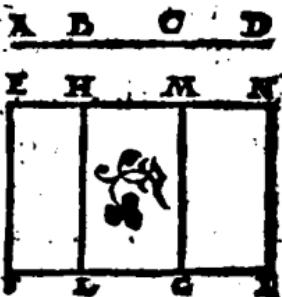
Theor. 61. Propo. 80.  
Residuo mediali primo vnica tantum linea  
coniungitur medialis, potentia tantum com-  
mensurabilis toti, A B C D  
ipsa cum tota conti-  
nens rationale.

T̄

Ἐπί μετρίῳ ἀντοτομῇ δευτέρᾳ μίᾳ μόνον προσαρμόζει  
ἴσιδης μέση, διωάκη μόνον σύμμετρος δύστα τῷ δ-  
λῃ, μετὰ τὴν δόλην μέτρηται οὐχι.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediale secun-  
da vnaica tantum coniungit  
ur medialis, potentia:  
tantum commensurabilis  
toti, ipsa cum rotā conti-  
nens mediale.



π 61

Τῷ θεώρητι μίᾳ μόνον προσαρμόζει ίσιδης διωά-  
κη ἀσύμμετρος δύστα τῷ δλῃ, πανούστα μετὰ τὸ δόλης  
τὸ μὲν ἔχ τὸν διατοπῶν τετραγώνιον, ῥητὸν, τὸ δὲ  
διεύπειρον τετράγωνον, μέτρη.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnicā tantum recta coniungit  
ur potentia incommensurabilis toti, faci-  
ens cūm rotā compositum ex quadratis ip-  
sarum rationale, id A B C D  
verò parallelogram-  
mum, quod bis ex  
ipsis fit, mediale.

π γ

Τῷ μετὰ ῥητοῦ μέτρην τὸ δλον στοιούσῃ μίᾳ μόνον  
προσαρμόζει ίσιδης διωάκη ἀσύμμετρος δύστα τῷ  
δλῃ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ὅλη, μετὰ τὸ δῆλος ποιοῦσα τὸ μὲν συγχέιμφοντες  
τῶν ἀπ' αὐτῶν τε τριγώνων, μέσην, τὸ δὲ δίσυντον  
τῶν, γένεται.

Theor. 64. Propo. 83.

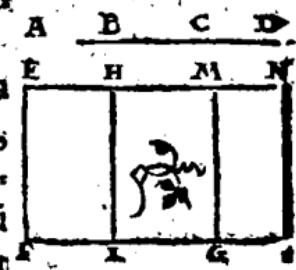
Lineæ facientia cum superficie rationali tota  
taga superficiem medialem, unica tantum  
coniungitur linea recta potentia incom-  
mensurabilis toti, faciens autem cum tota  
compositum ex quadratis ipsarum, mediales,  
id vero quod fit. A — B — C — D  
bis ex ipsis, ratio-  
nate.

πδ:

Τῷ μετὰ μέσης μέσην τὸ δῶλον ποιοῦσῃ μία μόνον  
προσαρμόζει ἐνδεῖα διαιάμετρος δυστατῆ  
δῆλη, μετὰ δὲ τὸ δῆλος προστατά τό, τε συγχέιμφοντες  
τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσην, τὸ δὲ δίσυντον  
τῶν, μέσην, καὶ τὴν ἀσύμμετρον τὸ συγχέιμφοντες  
τῶν ἀπ' αὐτῶν δὲ δίσυντον.

Theor. 65. Propo. 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti to-  
tam superficiem media-  
lem, unica tantum con-  
iungitur linea potentia  
toti incomensurabilis,  
faciens cum tota compo-  
situm ex quadratis ipsarū  
mediales, id vero quod fit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum inæquimensurabile ei quod sit bis ex ipsis.

## ΟΡΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Υπόχειμέτης ῥήτης καὶ ἀποτομής.

α

Ἐάν μὲν δὲ τῆς προσαρμοζούσης μῆτρον δύνηται  
ἢ ἀπὸ συμμετούσου ἑαυτῇ μίκη, τοῦτο δὲ σύμμετος  
μέρος ἢ τῇ ἐκφέμενῃ ῥήτῃ μίκη, χρειάσθω ἀπο-  
τομὴ πρώτη.

β

Ἐάν δὲ τῇ προσαρμόζουσα σύμμετος ἢ τῇ ἐκφέ-  
μενῇ ῥήτῃ μίκη, τοῦτο δὲ δὲ σύμμετρος ἑαυτῇ, τολε-  
σθω ἀποτομὴ δευτέρα.

γ

Ἐάν δὲ μηδετέρα σύμμετος ἢ τῇ ἐκφέμενῃ ῥήτῃ  
μίκη, ἢ δὲ διλητῆς προσαρμοζούσης μῆτρον δύ-  
νηται δὲ ἀπὸ συμμετούσου ἑαυτῇ, χαλεπός να ἀπο-  
τομὴ βέτη.

Πάλιν εἰσὶ δὲ τῆς προσαρμοζούσης μῆτρον δύ-  
νηται δὲ ἀπὸ συμμετούσου ἑαυτῇ μίκη.

δ

ε

# EYCLID. ELEMEN. GEOM.

δ

Εάν μὲν ἡ ὅλη σύμμετρος ἢ τῇ ἐκκενμένῃ ῥητῇ μάκα,  
καλέσθω ἀπότομὴ τετάρτη.

ε

Εὰν δὲ προσαρμόζεσσα, πέμπτη.

Ϛ

Εὰν δὲ μικρετέρα, ἔκτη.

## DEFINITIONES TERTIA.

Propositum linearis rationali et residuo.

1  
Si quidem tota, nempe composita ex ipso residuo et linea illi coniuncta, plus potest quam coniuncta, quadrato linea sibi commensurabilis longitudine, fueritque tota longitudine commensurabilis linea propositae rationali, residuum ipsum vocetur Residuum primum.

2

Si uero coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, ipsa autem tota plus posset quam coniuncta, quadrato linea sibi longitudine commensurabilis, residuum hocctur Residuum secundum.

uero

3

Si uero neutra linearum fuerit longitudine commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lincee sibi longitudine commensurabilis, uocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plus quam coniuncta, quadrato lincee sibi longitudine incommensurabilis.

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, uocetur Residuum quartum.

5

Si uero coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, et tota plus possit quam coniuncta, quadrato lincee sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum quintum.

6

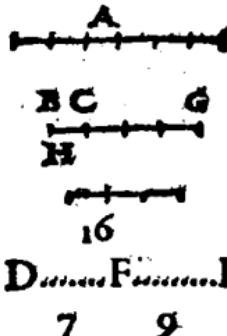
Si uero neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potentior quam coniuncta, quadrato lincee sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum sextum.

π

Εὐρεῖν τὰς πρώτους ἀπορίας.

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

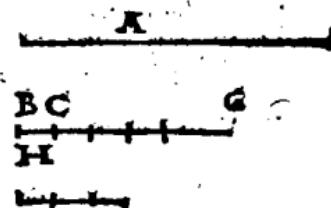
Proble. 18. Pro-  
posi. 85.



Reperire primum Resi-  
duum.

$\pi^5$   
Εὑρεῖν τὸν δευτέραν ἀποτομήν.

Probl. 19. Pros.  
posi. 86.



Reperire secundum Re-  
siduum.

$\pi^5$   
Εὑρεῖν τὸν τίτλον ἀποτομῆς.

Probl. 20. Pros.  
posi. 87.

D.....F.....E

E.....

21

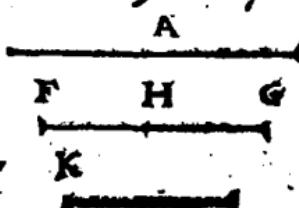
B.....D.....C

9

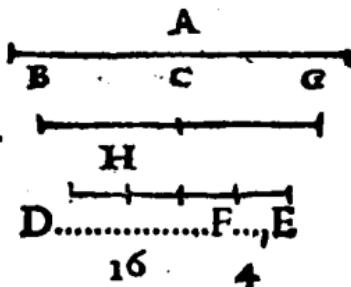
7

Reperire tertium Re-  
siduum.

$\pi^5$   
Εὑρεῖν τὸν τρίτον δω-  
τομήν.



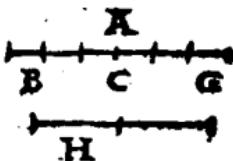
Probl. 21. Pro-  
posi. 88.



Reperire quan-  
tum Residuum.

$\pi^{\theta}$   
Εὑρεῖν τὸν τακτικὸν ἀποτύμ.

Probl. 22. Pro-  
posi. 89.

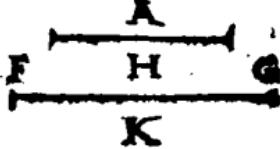


Reperire quintum Re-  
siduum.

$\pi^{\theta}$   
Εὑρεῖν τὸν τεττάκις πέντετον ἀποτύμ.

Probl. 23. Pro-  
posi. 90.

Reperire sextum Resi-  
duum.



$\pi^{\theta}$   
B.....D.....C

18 7

ha

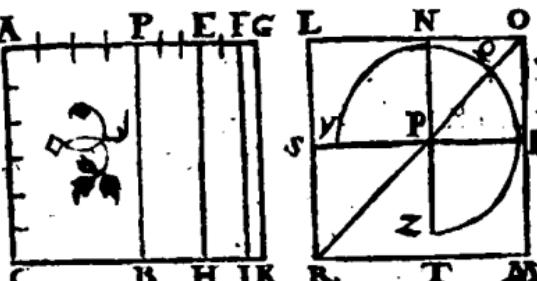
Εὰν χωρίου περιέχοιαν ὅποδή την τὸ δέκατον μῆνας πρώτας,  
την δεύτερην διωρίαν, ἀποτύμ. δέση.

P 3      Theo

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies continetur ex linea rationali & resi-  
duo pri-  
mo, li-  
nea que  
illam su-  
perficiē  
potest,  
est residuum.

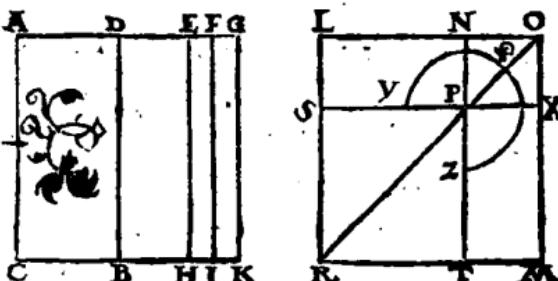


h6

Εὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥυτῆς καὶ ἀποτομῆς δεκά-  
τερας, ἢ τὸ χωρίον διαιμένη, μέσης ἀποτομῆς πρώτη.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies continetur ex linea rationali & resi-  
duo se-  
cundo,  
linea  
que il-  
lam su-  
perfici-  
em potest, est residuum mediale primum.



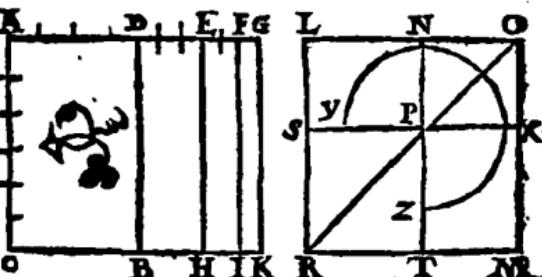
h7

Εὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥυτῆς καὶ ἀποτομῆς  
τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διαιμένη, μέσης ἀποτομῆς  
δευτέρα.

Theor.

Theor.68.Propo.93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & resi-  
duo ter-  
tio, linea  
qua<sup>z</sup> illā  
superfi-  
ciem po-  
test, est  
residuum mediale secundum.

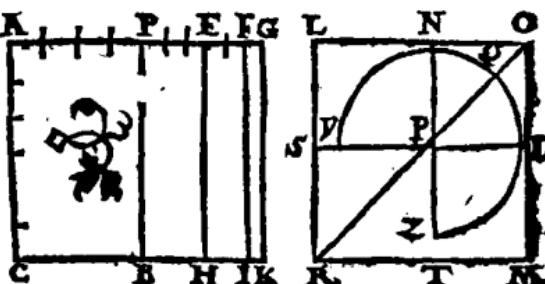


h δ

Ἐὰν χωρίον περιέχηται ὑπὸ ῥήτης καὶ ἀποτομῆς τε-  
τάρτης, ἡ τὸ χωρίον διαμετέν, ἐλάσσων εἰσι.

Theor.69.Propo.94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & resi-  
duo  
duo  
quarto,  
linea  
qua<sup>z</sup> illā  
superfi-  
ciem po-  
test, est linea minor.



h ε

Ἐὰν χωρίον περιέχηται ὑπὸ ῥήτης καὶ ἀποτομῆς  
πέμπτης, ἡ τὸ χωρίον διαμετέν, ἡ μετὰ ῥήτου μέγε<sup>τη</sup>  
τὸ ὅλον ποιεῦσα ἔστι.

P 4 Theor.

EUCOLID. ELEMENT. GEOM.

Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies continetur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest est ea quæ dicitur cum rationali superficie faciens totam medialem.

h<sup>g</sup>

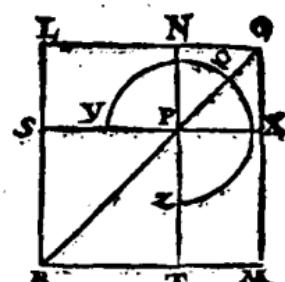
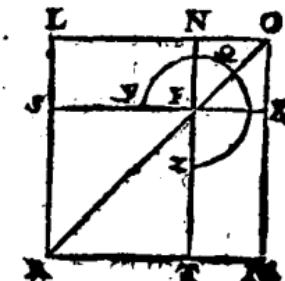
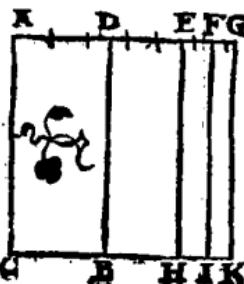
Ἐὰν χωρίον τεριέχηται ὑπὸ ῥυτῆς καὶ ἀποτομῆς ἔκτισ, οὐ τὸ χωρίον διαιρεῖται, μετὰ μὲν μὲν τὸ πλούτοιο γέγονται.

Theore. 71. Propo. 96.

Si superficies continetur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest est ea quæ dicitur facies cum media superficie faciens totam medialem.

h<sup>g</sup>

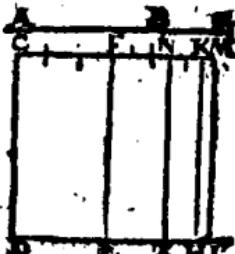
Τὸ ἄποτομῆς παρὰ ῥυτῶν παραβολόμενον,



LIBER X. 97  
πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν πράττει.

Theor. 72. Pro-  
pos. 97.

Quadratum residui secun-  
dum lineam rationalem ap-  
PLICATUM, facit alterum latus  
residuum primum,



h<sub>3</sub>

Τὸ δὲ τὸ μέσης ἀποτομῆς περίγειαν περὶ πα-  
ραβολόμεμον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui me-  
dialis primi secundum ra-  
tionalem applicatum, fa-  
cit alterum latus residuum  
secundum.

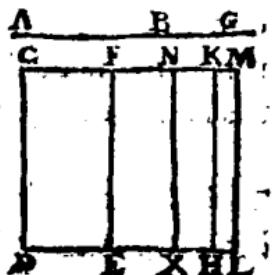


h<sub>3</sub> P E X H L

Τὸ δὲ τὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας περὶ πα-  
ραβολόμεμον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Pro-  
pos. 99.

Quadratum residui media-  
lis secundi secundum ra-  
tionalem applicatum, facit  
alterum latus residuum ter-  
tium.



P S T<sub>3</sub>

VII EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Τὸ διπλὸν ἐλάσσον ταρά ρητὴν παραβαλλόμενον,  
πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor.75. Pro-  
po.100.

Quadratum lineæ minoris secundum rationalem applicatum, facit alterum latum residuum quartum.



Τὸ διπλὸν τῆς μετὰ ρητοῦ μέτρου τὸ δίλον ποιούσης ταρά ρητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν πέμπτην.

Theor.76. Prop.101.

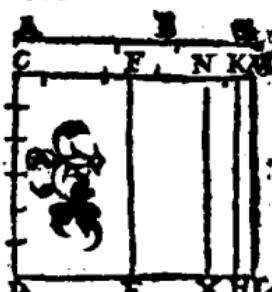
Quadratum lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latum residuum quintum.

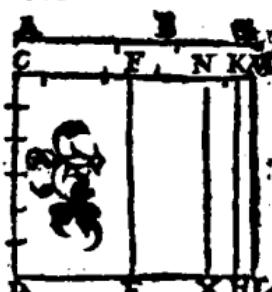


Τὸ διπλὸν μετὰ μετρου μέτρου τὸ δίλον ποιούσης ταρά ρητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν οκτην.

Theo.

Theo. 77. Prop. 102.

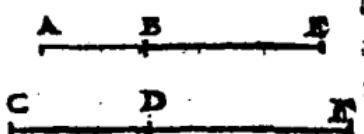
**Quadratum lineæ cum**   
**mediali superficie facien-**  
**tis totam medialem, se-**  
**cundum rationalem ap-**  
**plicatum, facit alterum la-**  
**tus residuum sextum.**



Η τῇ ἀποτομῇ μέση σύμμετρος, ἀποτομή δέ, οὐ  
 τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 78. Prop. 103.

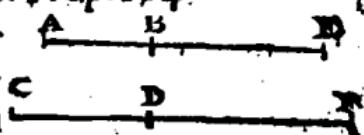
**Linea residuo com-**  
**mensurabilis longi-**  
**tudine, est & ipsa re-**  
**siduum, & eiusdem**  
**ordinis.**



Η τῇ μέσῃ ἀποτομῇ σύμμετρος, μέσην ἀποτομή δέ,  
 οὐ τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 79. Prop. 104.

**Linea commensura-**  
**bilis residuo media-**  
**li, est & ipsa residuum**  
**mediale, & eiusdem ordinis,**



Η δὲ

211 EVCLID. ELEMENT. GEOM.

Η τοῦ λόγου θεώρησις σύμμετρος, ἐλάσσων εἰσιν.

Theore.80. Prop.105.

Linea commensurabilis linea minori,  
est & ipsa linea mis-  
nor.

Η τοῦ μεταρρήτου μέσου τὸ δλον ποιούση σύμμετρος  
χαράκτη μέρη τοῦ μέσου μέση τὸ δλον ποιούσα τεττέν.

Theore.81. Propo.106.

Linea commensurabilis linea cum rationali  
superficie facienti totam medialem, est & ipsa  
linea cum rationali  
superficie faciens totam medialem.

Η τοῦ μέσου μέση τὸ δλον ποιούση σύμμετρος, χαράκτη μέση μέση τὸ δλον ποιούσα τεττέν.

Theor.87. Prop.107.

Linea commensurabilis linea cum mediali  
superficie facienti  
totam medialem,  
est & ipsa cum me-  
diali superficie faciens totam medialem.

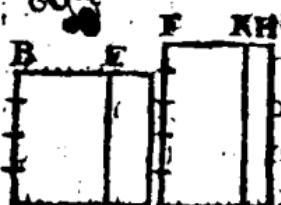
Από

ρ. 4

Από ρήτοι μέσου αφαιρέμενος, ἡ τὸ λεπτὸν χωρίον  
διαμετέκει, μία δύο ἀλογων γίνεται, οἵτοις ἀποτομὴ,  
ἴλλαταν.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur superficies  
medialis, linea quae re-  
liquam superficiē potest,  
est alterutra ex duabus ir-  
rationalibus, aut residuum,  
aut linea minor.

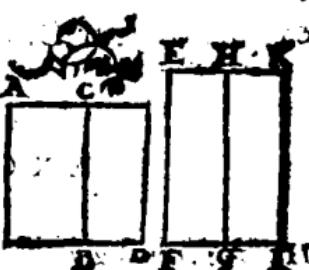


ρ. 5

Από μέσου, ρήτοι αφαιρέμενος, ἄλλα δύο ἀλογοι γί-  
νονται, οἵτοις μέση ἀποτομὴ πρώτη, ἡ μετὰ ρήτοι τὸ  
διαλογισθεῖσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali  
detrahatur superficies ra-  
tionalis, alia duæ irra-  
tionales fiunt, aut residuum  
mediale primū, aut cum  
rationali superficiē faci-  
ens totam̄ medialem.



ρ. 6

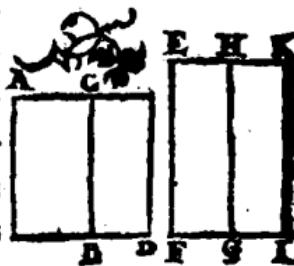
Από μέσου, μέση αφαιρέμενης δουμενῆς δὲ δια-

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

αἱ λοιπαὶ δύο ἀλογοὶ γίνονται, ἣ τοις μέσοις ἀποτομῇ  
δευτέρα, ἡ μετὰ μέσον μὲν τὸ δέλτον ποιεῖσθαι.

Theor. 85. Propo. 110.

Si de superficie mediali detrahatur superficies medialis quæ sit incommensurabilis toti, reliquæ duæ fiunt irtationales, aut residuum mediale secundum, aut cum mediali superficie facies totam medialem.



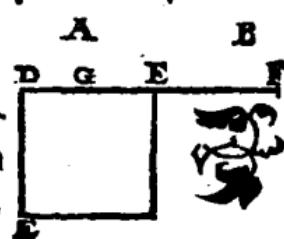
ρετ.

Η ἀποτομὴ σύκετεν ἡ αὐτὴ τῆς δύο ὄνομάτων.

Theor. 86. Pro-

posit. 111.

Linea quæ Residuum dicitur, non est eadem cum ea quæ dicitur Binomiū.



Σ Χ Ο Λ Ι Ο Ν.

Η ἀποτομὴ ἡ αἱ μετ' αὐτὴν ἀλογοὶ, δυτε τῇ μεσῃ  
δυτε ἀλλήλους εἰσὶν αἱ αὐταὶ.

Τὸ μὲν γέραπὸ μέσον παρὰ ῥητίκων παραβαλ-

λόρδουν, πλάτος ποιῆ, ῥητὸν καὶ δισύμμετρον τῷ  
παρὰ ἡπαράκτῳ, μέσῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὸν παραβαλλόμε-  
νον, πλάτος ποιῆ, ἀποτομὴν πρώτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὸν  
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, ἀποτομὴν δευ-  
τέρων.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὸν  
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, ἀποτομὴν  
τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάτιογος παρὰ ῥητὸν παραβαλλόμε-  
νον, πλάτος τοῖν, ἀποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μείᾳ ῥητοῦ μέσην τὸ ὅλον ποιούσης  
παρὰ ῥητὸν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, ἀ-  
ποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετά μέσης μέσην τὸ ὅλον ποιούσης  
παρὰ ῥητὸν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῆ, ἀ-  
ποτομὴν ἔκτην.

Ἐπεὶ δυν τὰ εἰρυμένα πλάτη διαφέρει τοῦτο  
ερώτου χρι ἀλλήλων (τοῦ μὲν πρώτης, δὲ ῥητὸν  
τρίτη, ἀλλήλων ω, δὲ δέ τάξει θετική στοιχίον αὐτοῖς) δῆ-

EUCLID. ELEMENT. GEOM.

Πονῶς καὶ αὐτῷ οὐ ἀλογοί διαφέρουσιν ἄλλα-  
λαν. καὶ ἐπεὶ δέδηκται ἡ ἀποτομὴ οὐχ ὅσαν  
αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὄνομάτων, ποιοῦσσι δὲ πλάτυ  
παρὰ ῥήσει παραβαλλόμενα μὲν οὐ μετὰ τὸν  
ἀποτομὴν, ἀποτομὰς ἀκολούθως τῇ τάξει κα-  
θαιρίην, οὐ δὲ μετὰ τὸν ἐκ δύο ὄνομάτων, τὰς ἐκ  
δύο ὄνομάτων, καὶ ἀυταὶ τῇ τάξει ἀκολούθως,  
ἴτηρα ἄρα εἰσὶν οὐ μετὰ τὸν ἀποτομὴν, καὶ ἐπε-  
ροῦνται μετὰ τὸν ἐκ δύο ὄνομάτων, ὡς ἔννοια τῇ τάξ-  
ει πάσας ἀλλαγῆς τοι.

α Μέσων.

β Εκ δύο ὄνομάτων.

γε Εκ δύο μέσων πρώ-  
των.

δ Εκ δύο μέσων δευ-  
τέρων.

ε Μείζονα.

ϛ Ρητὸν καὶ μέγιδον  
ταρίενων.

Ϛ. Δύο μέσα διαμετ-  
γίων.

η Αποτομὴν.

ς Μέσων ἀποτομὴν  
πρώτων.

ι Μέσων ἀποτομὴν  
δευτέρων.

ια Ελάτιον.

ιβ Μείαρχηον μέσον τὸ  
ὅλον ποιοῦσαν.

ιγ Μετά μέσον μέγιδον  
ὅλον ποιοῦσαν.

SCHIO-

## SCHOLIVM,

Linea que Residuum dicitur, et ceteræ quinque  
eam consequentes irrationales, neque lineæ me-  
diali neque sibi ipse inter se sunt eædem. Nam  
quadratum lineæ medialis secundum rationalem  
applicatum, facit alterum latus, rationalem li-  
neam longitudine incommensurabilem ei, secun-  
dum quam applicatur, per 23.

Quadratum uero residui secundum rationalem  
applicatum, facit alterum latus residuum pri-  
mum, per 97.

Quadratum uero residui medialis primi secun-  
dum rationalem applicatum, facit alterum latus  
residuum secundum, per 98.

Quadratum uero residui medialis secundi, facit  
alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum uero lineæ minoris facit alterum  
latus residuum quartum, per 100.

Quadratum uero lineæ cum rationali superficie  
facientis totam medialem, facit alterum latus  
residuum quintum, per 101.

Quadratum uero lineæ cum mediali superficie  
facientis totam medialem, secundum rationalem  
applicatum, facit alterum latus residuum sex-  
tum, per 102.

Q.

CVM.

## EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cum  
iusque parallelogrammi unicuique quadrato et  
qualis et secundum rationalem applicati, differ-  
ent et à primo latere, et ipsa inter se (nam à pri-  
mo differunt, quoniam sunt residua non eiusdem  
ordinis) constat ipsas quoque lineas irrationales  
inter se differentes esse. Et quoniam demonstra-  
tum est Residuum non esse idem quod Binomi-  
um, quadrata autem residui et quinque linearum  
irrationalium illud consequentium, secun-  
dum rationalem applicata, faciunt altera latera  
ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt et residua,  
quorum quadrata applicantur rationali: simili-  
ter et quadrata Binomij et quinque linearum  
irrationalium illud consequentium, secundum ra-  
tionalem applicata, faciunt altera latera ex Bino-  
mij eiusdem ordinis cuius sunt et Binomia,  
quorum quadrata applicantur rationali. Ergo  
lineæ irrationales quæ consequuntur Binomi-  
um, et quæ consequuntur residuum, sunt inter se  
differentes. Quare dictæ lineæ omnes irrationa-  
les sunt numero 13.

- |   |                             |   |
|---|-----------------------------|---|
| 1 | Medialis.                   | primum:   |
| 2 | Binomium.                   | 10 Residuum mediale secundum:                         |
| 3 | Bimediale primum.           |   |
| 4 | Bimediale secundū.          | 11 Minor.   |
| 5 | Maior.                      | 12 Faciens cum rationali superficie totam medialem.   |
| 6 | Potens rationale & mediale. |   |
| 7 | Potens duo medialia.        | 13 Faciens cum mediali sua superficie totam medianam. |
| 8 | Residuum.                   |   |
| 9 | Residuum mediale            |   |

ριε

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ τὴν ἐκ δύο ὄνομάτων πλάσθει τοῦ μέσου, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομήν, ἵς τὰ ὄνόματα σύμμεταξά ἔστι τοῖς της ἐκ δύο ὄνομάτων ὄνόμασι, καὶ οὐδὲ αὐτὸς λόγῳ. καὶ έπει γινομένην ἀποτομὴν αὐτὴν ἔχει τάξιν τῇ ἐκ δύο ὄνομάτων.

## Theore. 87. Propositi:

Quadratum lineæ rationalis secundum Binomium applicatū, facit alterum latus residuum, cuius nominis mina sunt commensurabilia Binomij nominibus, & in eadem proportione: præterea id quod sit Residuum, eundem



EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
ordinem retinet quem Binomium.

ριγ

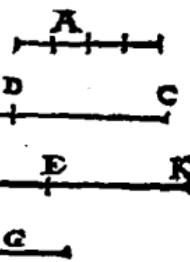
Τὸ ἀπὸ ρητῆς παρὰ ἀποτομὴν παραβαλόμενον,  
πλάτος ποιεῖ, τὸν ἐκ δύο ὀνομάτων ἡς τὰ ὄνόματα  
σύμμεζά ἔστι τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ τὸ  
δὲ αὐτῷ λόγῳ. Εἰς τὸν γινομένην δύο ὀνομάτων, τὸν  
αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀποτομῇ.

Theor.88. Propo.ii3.

Quadratum lineæ rationalis secundum resi-  
duum applicatum, facit alterum latus Bi-  
nomium, cuius nomi-  
na sunt commensu-  
rabilia nominibus  
residui & in eadem  
proportione: præ-  
terea id quod fit Bi-  
nomium, est eiusdē  
ordinis, cuius & Residuum.

ριδ

Εὰν χωρίον περιέχηται ὑπὸ ἀποτομῆς καὶ τὸ ἐκ δύο  
ὀνομάτων, ἡς τὰ ὄνόματα σύμμεζά ἔστι τοῖς τὸ  
ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ τὸν αὐτῷ λόγῳ, ἡ τὸ χωρίον  
διαμετρηθήσεται.

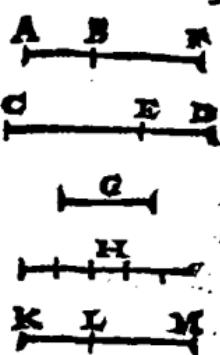


Theor.89. Propo.ii4.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-  
duo

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportione, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

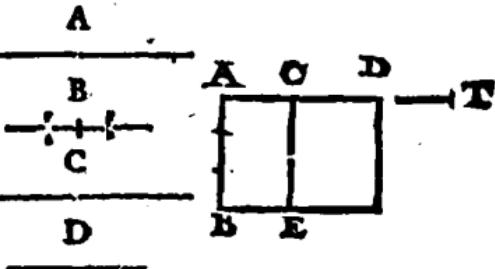
p. 8



Απὸ μέσης ἀπόδροι ἀλογος γίνονται, καὶ οὐδεμία οὐδεμίᾳ τῶν πρότερον ἔχει.

## Theor. 90. Propo. 115.

Ex linea mediæ nascuntur lineæ irrationales innumerabiles, quærum nullæ vlliæ tantum ea-  
dem sit.



p. 9

Προκείσθω ἡμῖν δεῖξαι, ὅτι ἐπὶ τῶν τετραγώνων σχημάτων, ασθματίσθων ἡ διάμετρος τῆς πλευρᾶς μίκη.

Q 3 Pro-

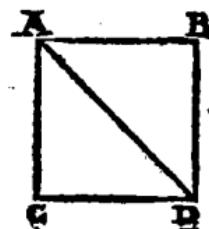
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Propo. 116.

E...H...P

G...

Propositum nobis est  
demonstrare in figuris  
quadratis diametrum esse  
longitudine incommen-  
surabilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.

# E Y K A L E I.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΗΟΝ  
ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ  
ΠΡΑΤΟΝ.

E V C L I D I S E L E M E N -  
T U M V N D E C I M V M ,  
E T S O L I D O R V M  
primum,

O P O I.

¶

Στερεόν δέ τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάθος ἔχον.

## DEFINITIONES

I  
Solidum, est quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet,

β  
Στερεῶν δὲ πέρας, εἰπιφάνεια.

Q 4

Solidi

EVCLID. ELEMENTA. GEOM.

2

Solidi autem extremum est superficies.

γ

Εύδεῖα πρὸς ἐπίπεδον ὅρθινόν τε εἰναι, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἀπομένας αὐτῆς ἐυθίας, καὶ δυσας εἰς τῷ αὐτῷ ὑποκριμένῳ ὄπιπέδῳ, ὅρθιας ποιεῖ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, a quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

δ

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὅρθινόν τε εἰναι, ὅταν αἱ τῇ κοινῇ τῶν ὄπιπέδων πρὸς ὅρθιας ἀγόμεναι ἐνθεῖαι εἰνὶ τῶν ὄπιπέδων, φῶ λοιπῷ ὄπιπέδῳ πρὸς ὅρθιας ὄστιν.

4

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in uno planorum ducuntur, alteriplano ad rectos sunt angulos.

ε

Εὐθίας πρὸς ἐπίπεδον κλίσις εἰναι, ὅταν ἀπὸ τοῦ μετεώρου πέρας τῆς εὐθίας ἐπὶ τὸ ἐπίπεδον καθίστος ἀχθῆ, καὶ ἀπὸ τοῦ γενομένης σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ εἰς τὸ ὄπιπέδον πέρας τῆς εὐθίας, εὐθία ὄπι-

Επίγευχνη, ή περιεχομένη ὁξεῖα γωνία ὑπὸ τῆς  
ἀχθείσης χρήσιμη.

## 5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus  
est angulus ipsa insidente linea & adiuncta  
altera comprehensus, cùm à sublimi rectæ il-  
lius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis,  
atque à punto quod perpendicularis  
in ipso plano fecerit, ad propositæ illius li-  
neæ extremum, quod in eodem est plano, al-  
tera recta linea fuerit adiuncta.

## 5

Ἐπίπεδος πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ἐστιν, ή περιεχομένη  
ὁξεῖα γωνία ὑπὸ τῶν πρὸς ὅρθας τῆς κοινῆς τομῆς ἀγο-  
μένων πρὸς τὴν αὐτὴν συμετάσης ἐχετέρη τῶν βοηθ-  
οῦσιν.

## 6

Plani ad planum inclinatio, acutus est an-  
gulus rectis lineis contentus, quæ in utroq;  
planorum ad idem communis sectionis pun-  
ctum ducent, rectos ipsi sectioni angulos ef-  
ficiunt.

## ζ

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον διμοίως κακλίσθαι λέγε-  
ται, χρήσιμον πρὸς ἔτερον, ὅταν αἱ σύριγμάν των κλί-  
σιων γωνίας ἴσαι ἀλλήλας ὄστις.

EUVCLID. ELEMENT. GEOM.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt aequales.

8

Parallelia plana, sunt quae eodem non incident, nec concurrunt.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quae similibus planis, multitudine aequalibus continentur.

10

Aequales & similes figuræ solidæ sunt, quae similibus planis, multitudine & magnitudine aequalibus continentur.

11

Στερεά γωνία ἐστι, ἡ οὐδὲ πλεύσιμη ἢ δύο γραμμῶν

πλεύσι-

ποιομένων ἀλλήλων χαὶ μὰ τῷ αὐτῷ ἐπιφανεῖαι  
όυσῶν, πρὸς πάντας ταῦς γραμμᾶς κλίσις.

ii

**Solidus angulus**, est plurium quām duarum linearum, quæ se mutuō contingent, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio,

Διλογί.

Στρεψά γνώντας οὐκό πλάνον οὐδέ τοιταῦ  
γνωνταν ταριχομένη, μὴ δύσσων οὐδὲ μὴ τοιταῦ  
δο, πρὸς ἐνι σημεῖῳ συνιεραμένων.

Aliter.

**Solidus angulus**, est qui pluribus quām duobus planis angulis in eodem non consistentibus plano, sed ad unum punctum collectis, continetur.

iii

Πύραμις ἔστι σχῆμα σερεὸν τοπισθεῖσις ταριχόμενον, ἀπὸ ἑτοῖς τοπισθεῖσις πρὸς ἐνι σημεῖῳ συνιερά.

12

**Pyramis**, est figura solida quæ planis continetur, ab uno piano ad unum punctum collecta,

iv

Πρίσμα ἔστι σχῆμα σερεὸν τοπισθεῖσις ταριχόμενον, ὃν δύο τὰ ἀπεναντίον ίσα τε καὶ ὁμοιά ἔστι, ταῦτα  
ταριχάλλα, τὰ δὲ λοιπὰ παραλλήλουρα.

Prisma.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

<sup>13</sup>  
Prisma, figura est solida quæ planis contine-  
tur, quorum aduersa duo sunt & æqualia &  
similia & parallela, alia vero parallelogramo-  
ma.

<sup>13</sup>

Σφαιρά δέ τιν, ὅταν ἡμικυκλίς μάθουσα τῆς δια-  
μέτρου, περιενεχθὲν τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ τά-  
λαινάποκριτασθῇ δίνεν πρξατο φέρεσθαι, τὸ περι-  
ληφθὲν σχῆμα.

<sup>14</sup>

Sphæra est figura, quæ conuerso circumqui-  
escentem diametrum semicirculo contine-  
tur, cum in eundem rursus locum restitutus  
fuerit, unde moueri cœperat.

<sup>15</sup>

Ἄξων δὲ τῆς σφαιρᾶς ἐτίν, ἡ μέγστα ἐυθῖνα, περὶ δὲ  
τὸ ἡμικύκλιον γρέφεται.

<sup>15</sup>

Axis autem sphæræ, est quiescens illa linea  
circum quam semicirculus conuertitur.

<sup>16</sup>

Κέντρον δὲ τῆς σφαιρᾶς ἐτίν τὸ αὐτὸ, δὲ καὶ τοῦ ἡμι-  
κυκλίου.

<sup>16</sup>

Centrum vero Sphæræ est idem, quod & se-  
micirculi.

Διά-

ζ

Διάμετρος δὲ τῆς σφαίρας ἐτίν, ἐνδεῖται τις διὰ τοῦ  
κέντρου ἡγμένη, χωρὶς περιπομένη φέρεται τὰ μέσα  
ρηπότα τῆς ἐπιφανείας της σφαίρας.

17

Diameter autem Sphaeræ, est recta quædam  
linea per centrum ducta, & utrinque à Sphae-  
ræ superficie terminata.

η

Κῶνος δέτιν, δταν ὀρθογωνίος οὐγώντος μοιχούσας  
πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὄρθρην γωνίαν, περιενεχθεῖ τὸ  
οὐγώνον εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν ἀποκλιασαντὸν πρέπει  
τὸ φέρεσθαι, τὸ περιληφθεῖν σχῆμα. καὶ νό μέντος  
εὐδεῖται οὐκὶ τῇ λοιπῇ τῇ περὶ τὴν ὄρθρην περιφερο-  
μένῃ, ὀρθογώνιος ἐσαι κῶνος. ἐὰν δὲ ἐλάτιων, ἀμβλή-  
γώνιος. ἐὰν δὲ μείζων, ὀξυγώνιος.

18

Conus est figura, quæ conuerso circumqui-  
escens alterum latus eorum quæ rectum  
angulum continent, orthogonio triangulo  
continetur, cum in eundem rursus lo-  
cum illud triangulum restitutum fuerit, un-  
de moueri cœperat. Atque si quiescens re-  
ctalinea æqualis sit alteri, quæ circum re-  
ctum angulum cōvertitur, rectangulus erit  
Conus: si minor, amblygonius: si vero ma-  
ior, oxygonius,

Δέσμη

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Εξων δὲ τοῦ κώνου εἰσὶν ἡ μέγεσσα, περὶ δὲ τὸ τρίγωνον στρέφεται.

19 Axis autem Coni, est quiescens illa linea, cum quam triangulum vertitur.

Βάσις δὲ, δικύκλος δὲ πόπος τῆς περιφερομέτρης οὐδείς γραφόμενος.

20 Basis vero Coni, circulus est qui à circundante linea recta describitur.

Κύλινδρος δὲ, διανόρθωγωνίς παραλληλογράμμος μηδηδόνις μιᾶς πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ορθὴν, περιενέχειν τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὖτὸν πάλιν ἀποχατασαῖν, οὗτον ἔρχεται φέρεσθαι, τὸ περιλήφθειν σχῆμα.

21 Cylindrus figura est, quæ conuerso circum quiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, parallelogrammo orthogonio comprehenditur, cum in eundem tursus locum restitutum fuerit illud parallelogrammum, unde moueri possit.

Εξων δὲ τοῦ κυλίνδρου εἰσὶν ἡ μέγεσσα οὐδεῖς, περὶ δὲ

Ἔντο ταραλλιόγραμμον τρέφεται.

22

**Axis autem Cylindri,** est quiescens illa re-  
cta linea, circum quam parallelogrammum  
vertitur.

χγ

Βάσεις δὲ, οἱ χύκλοι οἱ ὑπὸ τῶν ἀπεναντίον τετρά-  
γομένων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

**Bases vero cylindri,** sunt circuli à duobus  
aduersis lateribus quæ circumtaguntur, de-  
scripti.

χδ

Βμοιοις κώνοις καὶ κύλινδροις εἰσιν, τὸν οὖτε ἄξονας καὶ  
εἴδισματροις τῶν βάσεων ἀνάλογον εἰσιν.

24

**Similes coni & cylindri,** sunt quorum &  
axes & basium diametri proportionales  
sunt.

χε

Κύβος ἐστι σχῆμα τερεόν, ὃ πότε τετραγώνων τοιον οὐκ  
ἔτεχόμενον.

25

**Cubus est figura solida,** quæ sex quadratis  
æqualibus continetur.

χε

Τετράεδρον ἐστι σχῆμα ὃντε τεττάρων τριγώνων  
ἴσου

EVCLID. ELEMENTA. GEOM.

Ισων χρι Ἰσοπλεύρων τετραεχόμενον.

26

Tetraēdrum est figura, quæ triangulis  
quatuor æqualibus & æquilateris conti-  
netur.

χ 3

Οκταēδρόν ἔστι σχῆμα τερεὸν ὑπὸ ὀκτὼ Στρογγύλων  
Ισων χρι Ἰσοπλεύρων τετραεχόμενον.

27

Octaēdrum figura est solida, quæ octo  
triangulis æqualibus & æquilateris conti-  
netur.

χ 4

Δωδεκαēδρόν ἔστι σχῆμα τερεὸν ὑπὸ δώδεκα τε-  
τραγώνων ισων, χρι Ἰσοπλεύρων, χρι Ἰσογωνίων τε-  
τραεχόμενον.

28

Dodecaēdrum figura est solida, quæ duode-  
cim pentagonis æqualibus, æquilateris, &  
æquiangulis continetur.

χ 5

Εικοσαēδρόν ἔστι σχῆμα τερεὸν ὑπὸ εἴκοσιν Στρο-  
γγύλων ισων χρι Ἰσοπλεύρων τετραεχόμενον.

29

Eicosaēdrum figura est solida, quæ trian-  
gulis viginti æqualibus & æquilateris con-  
tinetur.

Προτάσσεις.

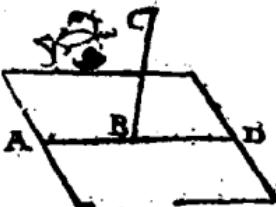
## Προτάσεις.

α

Εὐθεῖα γραμμῆς μέρος μὲν ἡ ὀρθὴ εἰς τὸ οὐρανόν  
καιρέων ὄπιστέδω, μέρος δὲ ἡ εἰς τὸ μετεώρων.

Theorema 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars  
in subiecto quidem non  
est plano, quædam vero  
in sublimi.



β

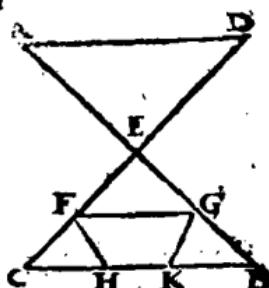
Εάν δύο ξερῶν τεμαχοτινὰ ἀλλήλας, οὐ εἰνι εἰσὶ ταῖς  
πλεῖσταις τῶν γέγονον εἰς τὸν οὐρανόπιστόν.

Theor. 2. Propo 2.

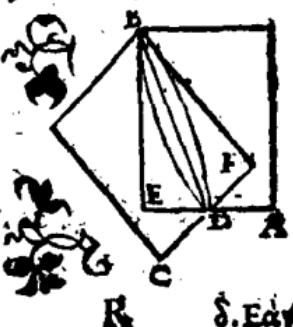
Si duæ rectæ lineæ se mu-  
tuò secēt, in uno sunt pla-  
no: atq; triangulū omne  
in uno est plano.

γ

Εάν δύο τρίπεδα τεμνη ἀλλήλα, ή κοινὴ αὐτῶν τομὴ  
τυπεῖσθαι.

Theor. 3. Propo  
sitio 3.

Si duo plana se mutuò se-  
cēt, communis eorum se-  
ctio est recta lineā.

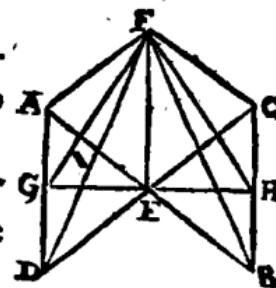


δ. Εάν

Ἐὰν ἐνθῇα δυσὶ ἐνθείαις τεμνούσαις ἀλλήλας, πρὸς ὅρθὰς ἐπὶ τὸ κοινός τομῆς ὑπερσάβη καὶ ἡ διάμετρος ὑπερέδω πρὸς ὅρθὰς ἔσαι.

Theor. 4. Prop. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuò secātibus, in communi sectione Ane ad rectos angulos insistat illa ducto etiam per G ipsas planō ad angulos rectos erit.



Ἐὰν ἐνθῇα Γραμμὴν ἐνθείαις ἀπομέναις ἀλλήλων, πρὸς ὅρθὰς ἐπὶ τὸ κοινός τομῆς ὑπερσάβη, αἱ Γραμμὲς ἐνθεῖαι τῷ οὐσίᾳ ὑπερέδω.

Theor. 5. Prop. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuò tangentibus, in communi sectione ad rectos angulos insistat, illæ tres rectæ in uno sunt planō.

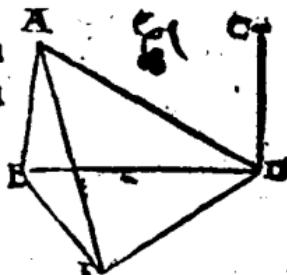


Ἐὰν δύο ἐνθείαι διὰ αὐτῶν ὑπερέδω πρὸς ὅρθὰς ἔσσι, παράλληλοι ἔσονται αἱ ἐνθείαι.

Theor.

LIBER XI.  
Theorema 6. Prop. 6.

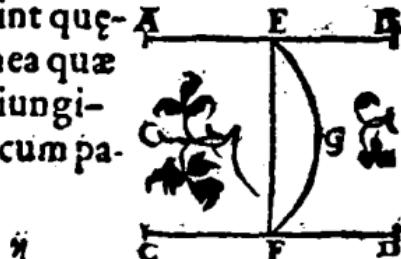
Si duæ rectæ lineæ eidem  
plano ad rectos sint angu-  
los, parallelæ erunt illæ  
rectæ lineæ.



Εάν τοι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ληφθῆ ἐφ' ἑκα-  
τέρας αὐτῶν τυχόντα συμεῖα, ἡ ἐπὶ τὰ συμεῖα διπλή<sup>3</sup>  
ζευγνυμένη εὐθεῖα, οὐδὲν αὐτῇ διπλακέδω ἐσὶ ταῖς πα-  
ραλλήλοις.

Theorema 7. Prop. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum  
vtrahque sumpta sint quæ-  
libet pūcta, illa linea quæ  
ad hæc puncta adiungi-  
tur, in eodem est cum pa-  
rallelis platio.



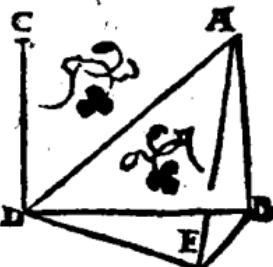
Εάν τοι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ἡ ἐπέρα αὐτῶν-  
πικέδω λεπτὴ περίθλασση, καὶ λοιπὴ δὲ αὐτῇ διπλή<sup>3</sup>  
πιδῷ περίθλασσει.

Theorema 8. Prop. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, quarum  
R 2 alte-

altera ad rectos cuidam  
plano sit angulos, & reli-  
qua eidē plano ad rectos  
angulos erit.

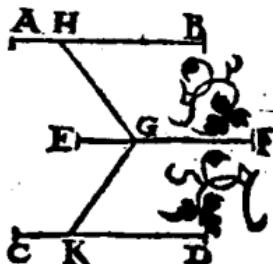
3



Αἱ τῇ ἀντῇ ἐυδέια ταράλληλοι, καὶ μὴ οὕσαι αὐτῇ  
ἢ δὲ ἀνδὲ ἐπιπέδῳ, οὐδὲ ἀλλήλους εἰσὶ ταράλληλοι.

### Theor.9. Prop.9.

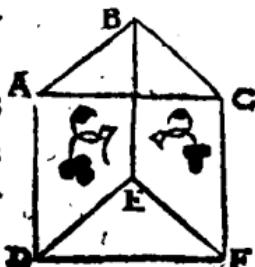
Quæ eidem rectæ lineæ  
sunt parallele, sed non in  
eodem cum illa plano, ἑτε-  
quoque sunt inter se pa-  
rallelae.



Εάν δύο ἐυδέια ἀπλόμενα ἀλλήλων ταράδύο ἐυ-  
δέιας ἀπλομένας ἀλλήλων ὦσι, μὴ τὸ δὲ ἀνδὲ ἐπι-  
πέδῳ, οὐδὲ γωνίας ταρεῖται.

### Theor.10. Propo.10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-  
tuò tangentes ad duas re-  
ctas se mutuò tangentes  
sint parallelae, non autem  
in eodem plano, illæ an-  
gulos æquales compre-  
hendent.

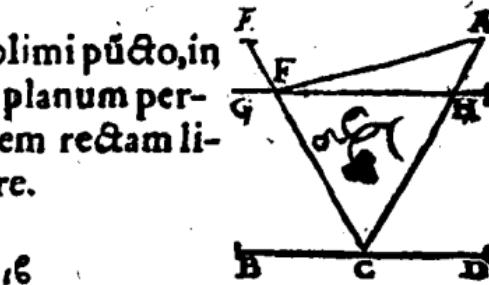


ia

Ακό τοῦ δοθέντος σημείου μετεώρου, ἐπὶ τὸ ὄποικεί-  
λμον οἰκίπεδον κάθετον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαπῆν.

## Probl. i. Proposi. ii.

A dato sublimi pūcto, in  
subiectum planum per-  
pendicularem rectam li-  
neam ducere.

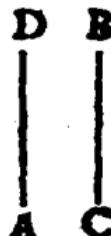


Τῷ δοθέντι ἐπιπέδῳ, ἀπὸ τοῦ τριῶν αὐτοῦ δοθέντος  
σημείου, τριῶν ὀρθὰς εὐθεῖαν γραμμὴν ἀναστῆσαι.

## Problema 2. Propo. 12.

Dato piano, à punto quod in il-  
lo datum est, ad rectos angulos  
rectam lineam excitare.

ry



Τῷ δοθέντι ἐπιπέδῳ, ἀπὸ τοῦ τριῶν αὐτῷ σημείου,  
δύο εὐθεῖαι τριῶν ὀρθὰς δύος ἀναστῶσαι ἐπὶ τὰ αὐ-  
τὰ μέρη.

Theorema ii. Propo-  
sitio 13.

R 3

Dato

Dato piano, à pūcto quod  
in illo datum est, duæ re-  
cta lineæ ad rectos angu-  
los non excitabuntur ad  
easdem partes.

Πρὸς ἀπίκεδαν αὐτὴν ἐμθέασθαι οὕτω, ταράλλη-  
ται δὲ τὰ πίκεδα.

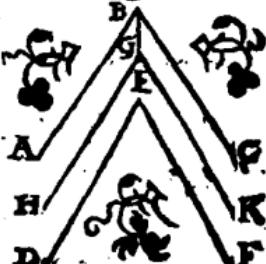
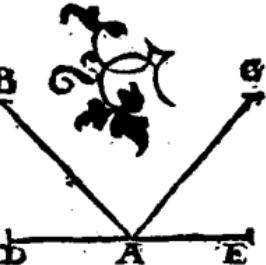
Theor.12. Prop.14.

Ad quæ plana, eadem re-  
cta linea recta est, illa sunt  
parallela.

Ἐὰν δύο ἐμθέασι ἀπό μηδενὸς ἀλλήλων, ταράδύο ἐμ-  
θέασι ἀπομένας ἀλλήλων ὡσι μὴ σὺ δὲ αὐτὸς διατί-  
ψε δυσαγ, ταράλληται δὲ τὰ δι' αὐτῶν ἐπίκεδα.

Theorema 13. Prop.15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad  
duas rectas se mutuò tan-  
gentes sint parallelæ, non  
in eodem consistentes pla-  
no, parallela sunt quæ per  
illas ducuntur plana.

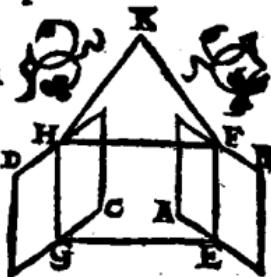


Ἐάν δύο ἐπίκεδα ταράλληλα ὑπὸ θέτης δύο τε  
μηται, αἱ κοιναὶ αὐτῶν τομαὶ ταράλληλοι εἰσι.

## Theore. 14. Prop. 16.

Si duo plana parallela plana  
no quopiam secantur, co-  
munes illorum sectiones  
sunt parallelae.

15

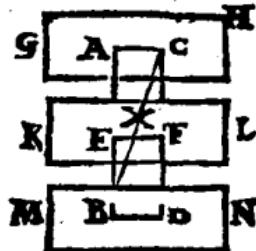


Ἐάν δύο ἐπίκεδα ὑπὸ ταράλληλων θέτης δύο τεμητού  
ται, αἱ τοὺς αὐτοὺς λόγγοι τυκθήσονται.

## Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ paral-  
lelis planis secantur, in eas-  
dem rationes secabuntur.

16



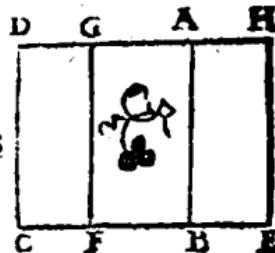
Ἐάν δύο θέτης δύο ταράλληλα τερπός ὁρθὰς ἦσαν τανταὶ  
διὰ αὐτῆς ἐπίκεδα, τῷ αὐτῷ θέτης δύο ταράλληλα τερπός ὁρθὰς  
ἴσαι.

Theorema 16. Proposi-  
tio 18.

R 4

Si

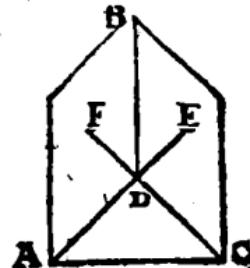
Si recta linea plano cui-piam ad rectos sit angulos, illa etiam omnia que per ipsum plana, ad rectos eidem piano angulos erunt.



Ἐάν δύο ἐπίπεδα τέμνοντα ἄλληλα ἐπιπέδῳ λει-  
τρὸς σφράγας ἔησι, καὶ ἡ κοινὴ φάσις τοις δύο αὐτῷ ἐπι-  
πέδῳ τρόπος σφράγας ἔσαι.

Theore. 17. Prop. 17.

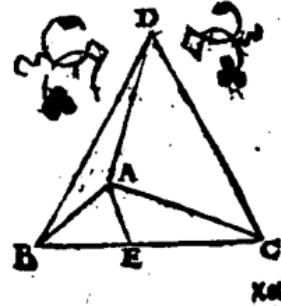
Si duo plana se mutuo se-  
çantia piano cuidam ad re-  
ctos sint angulos, communis  
nis etiam illorum sectio  
ad rectos eidem piano an-  
gulos erit.



Ἐάν τερας γωνία ἀπὸ τρίῶν γωνῶν ἐπιπέδων τριών  
χυται, δύο ὁποιαιδην τοις περιεχοντες τοις ταρρα-  
μεταλαιμβανόμεναι.

Theor. 18. Prop. 18.

Si angulus solidus planis tribus angulis contineat-  
tur, ex his duo quilibet  
ut ut assumpti tertio sunt  
maiores.



χα

Απασα ερεά γενία οὐ πό έλασσονων ἡ τεσσάρων ὅρων  
δῶν γενιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor.19. Propolis

τιο 2,

Solidus omnis angulus minoribus continetur, quam rectis quatuor angulis planis.

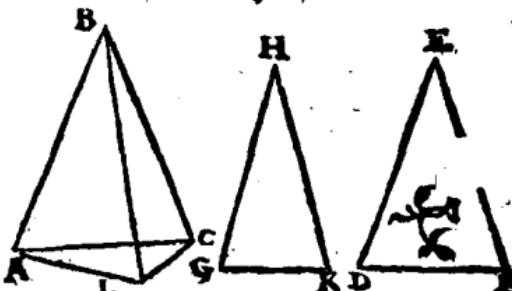


χβ

Ἐὰν ὁσι Σῆμις γενία οὐ πέπεδοι, ὃν αὖ δύο τὸ λοιπὸν μέζοντες εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμεναι, περιέχεται ἡ αὐτὰς ἴσαις οὐδεῖαι, δύοτά τον δὲ την τῶν διπλῶν γνυθσῶν τὰς ἴσας οὐδεῖας τρίγωνον συγκόσασθαι.

Theor.20. Propo. 22.

Si plani tres anguli equalibus rectis contingantur lineis, quorum duo ut libet assumpti, tertio sint maiores, triangulum constitui potest ex lineis æquales illas rectas coniungentibus.



χγ

Ἐκ Σῆμην γενίαν οὐ πέπεδων, ὃν αὖ δύο τὸ λοιπὸν μέζοντες εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμεναι, ερεά γενιῶν

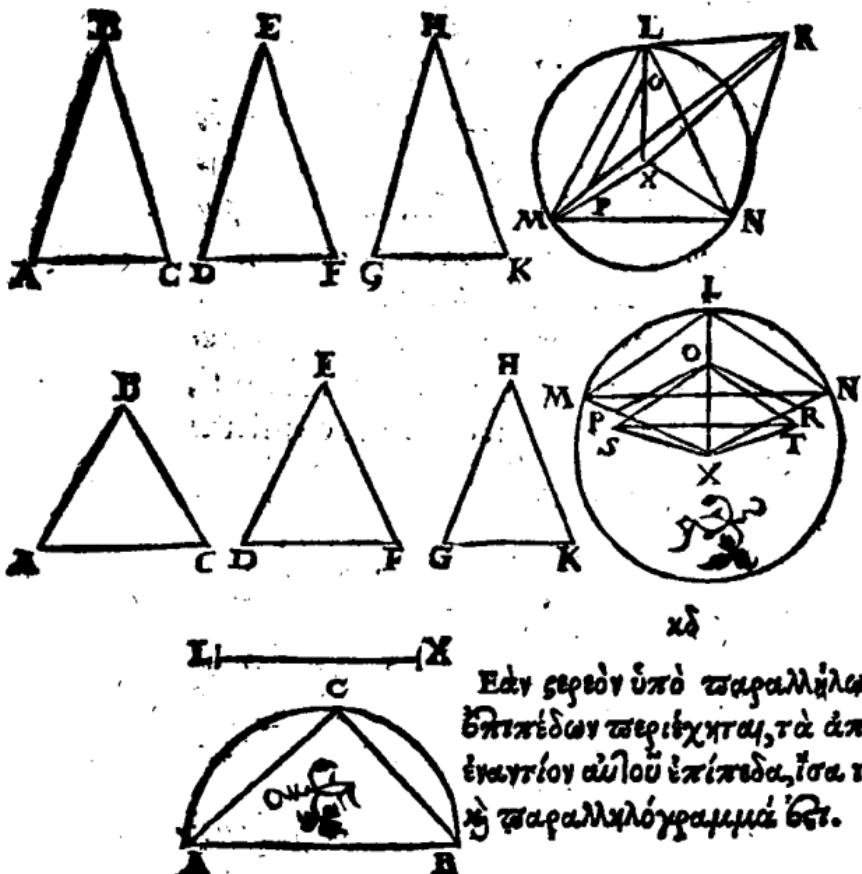
K ;

πάντας

EVCLID. ELEM. GEOM.  
καὶ συγνόσασθαι. δεῖ δὴ τὰς τρεῖς τεσσάρων ὄρθων  
πλάσσοντας ξεναγεῖναν.

Probl.3. Propo. 23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut libet assumpti tertio sunt maiores, solidum angulum constituere. Decet autem illos tres angulos rectis quatuor esse minores.



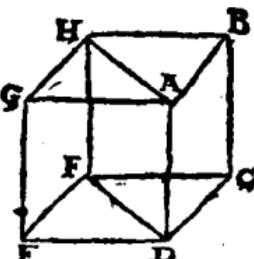
Ἐάν γε τὸν ὅπο ταραλλύλων  
ἴπικέδων ταριθηταί, τὰ ἀπ'  
ἐπιγγίον αὐτοῦ ἐπίπεδα, οὐα τα  
καὶ ταραλλύλουραμά ἔστι.

Theor.

## Theor.21. Propo.24.

**S**i solidum parallelis planis contineatur, aduersa illi<sup>o</sup> plana & aequalia sunt & parallelogramma.

xs

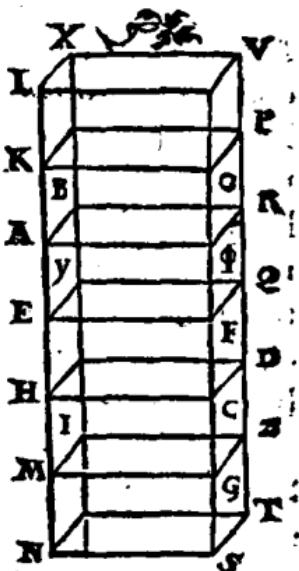


Ἐὰν γερέον ταραχηλεπίπεδον ἔπιπεδό τυκτήν ταραχηλεύσῃ τοῖς ἀπεναντίον ἔπιπεδοις, ἐσαιώς ή βάσις τρόπος τὸν βάσιν, δυτικό τὸ γερέον τρόπος τὸ γερέον.

Theor.22. Propo.  
sit.25.

**S**i solidum parallelis planis contentum plano sectetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

xs

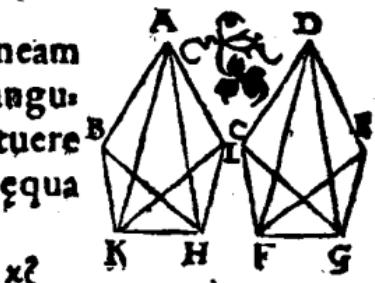


Πρός τὴν δοθεῖσην εὐθείαν καὶ διάτομον αὐτῆς σημεῖφ, τὴν δοθεῖσην γερέον γωνίαν ἵστειν γερέον γωνίαν συγκίνοσθει.

Propo.

EVCLID. ELEM. GEOM.  
Probl. 4. Proposit. 26.

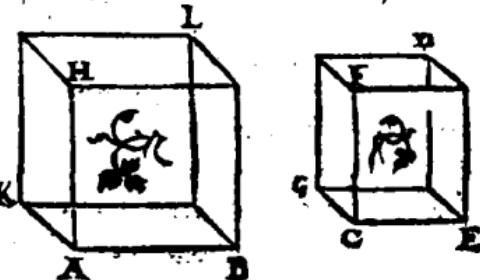
Ad datam rectam lineam eiusque punctum, angulum solidum constitutere a solido angulo dato equali.



Απὸ τὸ δοθέντο ίσχειας, τὸ δοθέντι σφρῶν παραλληλιστέδω δμοίοντε χρόμαινος καί μέμνον σφρῶν παραλληλοπίπεδον ἀναγράψαι.

Probl. 5. Propositio 7.

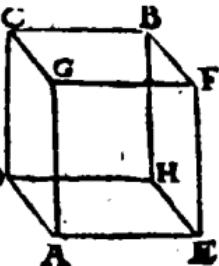
A data recta, dato solido parallelis planis comprehenso simile & similiter positum solidum parallelis planis contentum describere.



Εάν σφρῶν παραλληλοπίπεδον δητεῖδω τμῆμα κατὰ τὰς διαγωνίς τῶν ἀπεναντίον δητεῖδων, δίχα τμῆμάσται τὸ σφρῶν ὑπὸ τοῦ δητεῖδος.

Theorema 23. Proposit. 28.  
Si solidum parallelis planis comprehensum, ducatur

ducto per aduersorum planorū diagonios  
plano se- C B  
ctum sit, F  
illud so- D H  
lidū ab A E  
hoc pla-  
no bifur-  
riam se-  
cabitur.

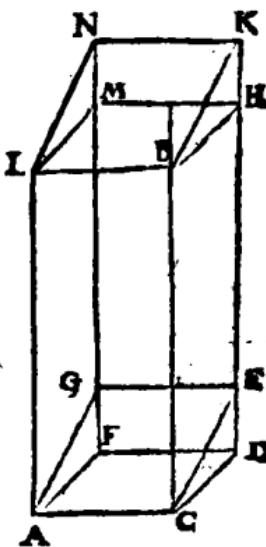


xθ

Τὰ ἐπὶ τὸν αὐτῆς βάσιος ὅντα σερὰ παραλληλεπί-  
πεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸν φορ. ὃν αὐτοῖς σαμαριτῶν  
αὐτῶν εἰσὶν οὐδεῖν, οὐα διλλόις εἶνιν.

Theor. 24. Proposi-  
tio 29.

Solida parallelis planis  
comprehensa, quæ super  
eandem basim & in ea-  
dē sunt altitudine, quo-  
rum insistentes lineæ in  
ijsdem collocantur re-  
ctis lineis, illa sunt inter  
se æqualia.



λ

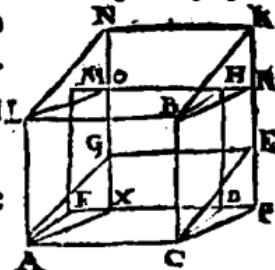
Τὰ ἐπὶ τὸν αὐτῆς βάσιος ὅντα σερὰ παραλληλεπί-  
πεδα,

EV.CLD. ELEM. GEOM.

πρόσθια, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸν φοροῦσιν, ἣν αἱ ἐφευσταγόνες εἰναι σὺν ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐυθεῖαι, οἵσα δὲ λόγοις ἔσι.

Theor.25.Prop.30.

Solida parallelis planis circumscripta, quæ super eandem basim & in eamdem sunt altitudine, quorum insistentes lineæ non in ijsdem reperiuntur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

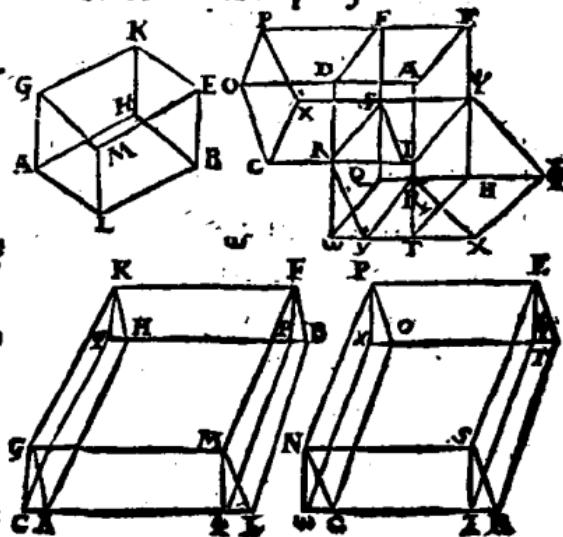


λα

Τὰ ἐπὶ ισων βάσεων ὄντα γερά ταραλληλεπίδες, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸν φοροῦσιν, οἵσα δὲ λόγοις ἔσιν.

Theor.26.Propo.31.

Solida parallelis planis circumscripta, quæ in eadē sunt altitudine, æqualia sunt inter se.



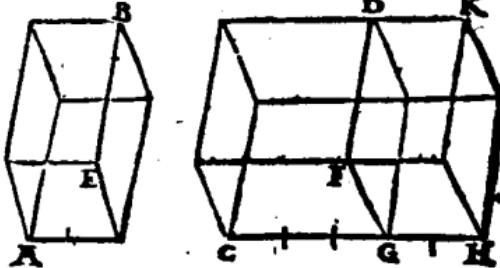
λε

τε

Τὰ δέ ποτε αὐτὸν ὅμοιος δυτα σφράγισται παραλληλόπιδα, τῷρος ἀλληλά έστιν, ὡς αἱ βάσεις.

## Theor.27.Propo.32.

Solida parallelis planis circumscripta quae eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

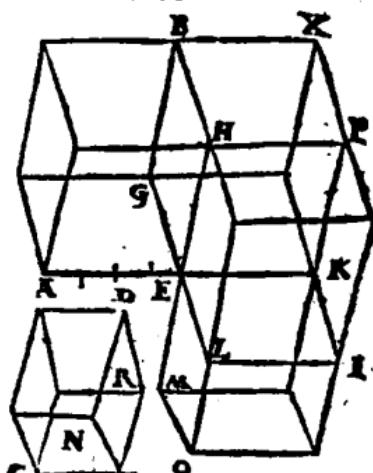


λγ

Τὰ δύοια σφράγισται παραλληλόπιδα, τῷρος ἀλληλά έστιν τὴν δμολόγων ταλευρῶν.

## Theor.28.Propo.33.

Similia solida parallelis planis circumscripta, habent inter se rationem homologorum laterum triplicatam.



λδ

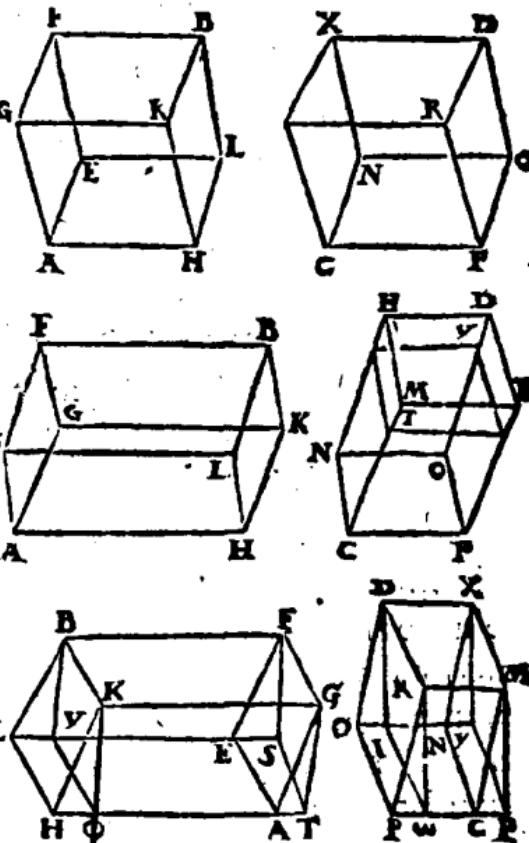
Τετ

EVCLID. ELEM. GEOM.

Τῶν ἴσων γερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπεπόνθασιν αὐτούς τοῖς ὑψεσι. χών γερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπεπόνθασιν αὐτούς τοῖς ὑψεσιν,  
Ισα ἐσὶν ἔχειν.

Theor. 29. Proposit. 34.

Aequaliū solidorū parallelis planiscō tentorū bases cū altitudinib; re ciprocantur.  
Et solida parallelis planis contēta, quorum bases cū altitudinib; re



ciprocantur, illa sunt æqualia.

λε

Ἐὰνῶσι δύο γενίαι ἐπίπεδοι ἴσαι, ἐπὶ δὲ τῶν κορυφῶν αὐτῶν μετέωροι ἐνθῆαι ὅπεραδῶσιν ἵσας γενιας

νίας περιέχουσα μετὰ τῶν δὲ ἀρχῆς ἐυθεῶν, ἑκατέραιν ἔχατέρα, ἐπὶ δὲ τῶν μετεώρων ληφθῆ τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπὸ αὐτῶν ἐπὶ τὰς τάξις εἰσιν αἱ ὅπαρχῆς γωνίαι, καὶ εἰσιν ἀχθῶσιν, ἀπὸ δὲ τῶν γενομένων σημείων ὑπὸ τῶν καλέτων ἐπὶ τῆς διπλήσιος, ἐπὶ τὰς δὲ ἀρχῆς γωνίας διπλιγενεύσιν ἐυθέας, οἵτις γωνίας περιέχουσι μετὰ τῶν μετεώρων.

Theorema 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum verticibus sublimes rectæ lineæ insistant, quæ cum lineis primò positis angulos contineant æquales, utrumque utriusque, in sublimibus autem lineis quælibet sumpta sint pūcta, & ab his ad plana in quibus consistunt anguli primùm positi, ductæ sint perpendicularares, ab eorum verò punctis, quæ in planis signata fuerint, ad angulos primùm positos adiunctæ sint rectæ lineæ, hæc cù sublimib. æquales angulos comprehendent.

λε

Ἐάν γέ τις ἐυθεῖα ἀνάλογον ὁσι, τὸ ἐκ τῶν γωνιῶν σεργὸν παραλληλεπίπεδον ἴσον εἴη δὲ ἀπὸ της μέσης  
S serēp



EVCLID. ELEM. GEOM.  
σερεῶ ταραλλιλεπίπεδω, ἴσοπλεύρῳ μὲν, ἴσογυντὶ<sup>τὸν</sup>  
τριών τρισφρημένῳ.

Theor.31.Prop.36.

Si recte tres lineæ sint proportionales, quod  
ex his tribus sit solidum parallelis planis con-  
tentum, et quale est descripto à media linea  
solido parallelis planis comprehenso, quod

equila-

terum

quidē

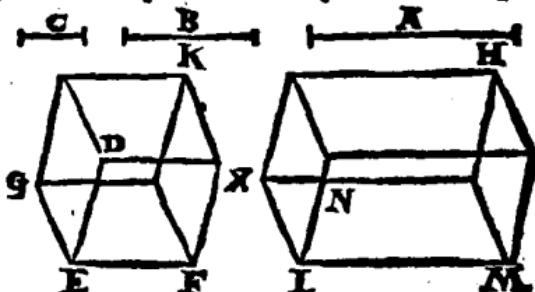
sit, sed

antedi-

cto et

quian-

gulum.



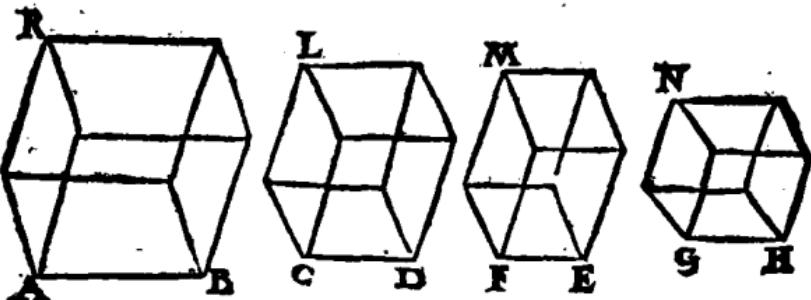
λ?

Ἐὰν τέσσαρες ἐνδεῖαι ἀνάλογοι ὁσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-  
τῶν ταραλλιλεπίπεδα δμοιά τε καὶ δμοίως ἀναγρα-  
φόμενα, ἀνάλογον ἔσου, καὶ οὐ τὰ ἀπ' αὐτῶν συρά-  
ταραλλιλεπίπεδα δμοιά τε καὶ δμοίως ἀναγραφό-  
μενα ἀνάλογον ἔσου, καὶ αὐταὶ αἱ ἐνδεῖαι ἀνάλογοι ἔσου-  
ται.

Theor.32.Prop.37.

Si recte quatuor lineæ sint proportionales,  
illa quoque solida parallelis planis contenta,  
qua ab ipsis lineis & similia & similiter de-  
scribuntur, proportionalia erunt. Et si soli-  
da parallelis planis comprehensa, qua & si-  
milia & similiter describuntur, sint propo-  
tio-

tionalia, illæ quoq; rectæ lineæ proportionales erunt.

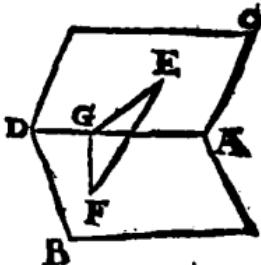


## λη

Εάν έπίπεδοι τρόπος ἐπίπεδοι δρῦσιν ἦν, καὶ ἀπὸ τινὸς συμέτριχῶν τῶν τούτων ἐν τῷ τῶν ὅπερέδων ἐπὶ τὸ ἔτερον ἐπίπεδον κάθετος ἀχθῆ, ἐπὶ τὸ χοινίκι τομῆς παραγέται τῶν ἐπίπεδων ἡ ἀγομένη κάθετος.

## Theor.33. Prop.38.

*S*i planum ad planum rectū sit, & à quodam punto eorum quæ in uno sunt planorum perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ dicitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.



## λθ

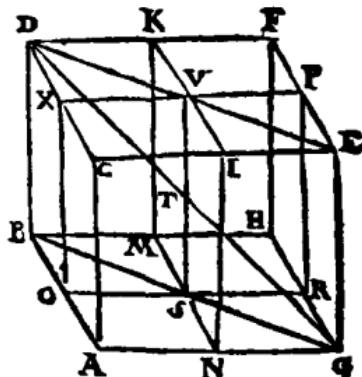
Εάν εργοῦ ταραλληλεπιπέδων τῶν ἀπενάντιον ἐπίπεδων αἱ ταλαιφοραὶ δίχα τιμηθῶσι, διὰ τὸ τῶν τομῶν ἐπίπεδα ἐκβλιθῆ, ἢ κοινή τομὴ τῶν ὅπερέδων καὶ τὸ εργοῦ ταραλληλεπιπέδων διάμετρος, δίχα τέμνεσσι αλλήλας.

S 2      Theor

EUCOLID. ELEM. GEOM.

Theor.34. Propo.39.

Si in solido parallelis planis circumscripro, aduersorum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planoru sectio & solidi parallelis plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.

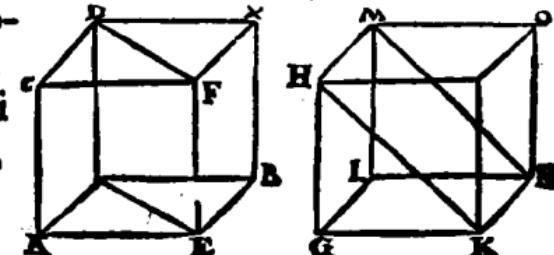


μ

Εὰν ἡ δύο πρίσματα ισοῦνται, καὶ τὸ μὲν έχει βάσιν παραλλόγραμμον, τὸ δὲ Τίγωνα, διπλάσιον ὡς τὸ παραλλόγραμμον τοῦ Τίγών, οὐτα διει τὰ πρίσματα.

Theor.35. Propo.40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quorum hoc quidem basim habeat parallelogrammum, illud verò triangulum, sit autem parallelogrammū trianguli duplum, illa prismata erunt æqualia.



Elementi undecimi finis.



**E Y K A E I.**  
ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΙΒ ΚΑΙ  
ΣΤΕΡΕΩΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

**EVCLIDIS ELEMENTVM DVODECIMVM,  
ET SOLIDORVM SE-  
CVNDVM.**

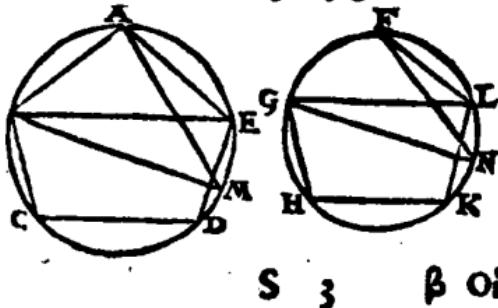
Προτάσεις.

α.

Τὰ ἐντὸς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρός ἄλληλά  
ἔχουσι τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα.

Theor.i. Prop.i.

Similia, quæ sunt in circulis polygona, rationem habent inter se, quam descripta à diametris quadrata.



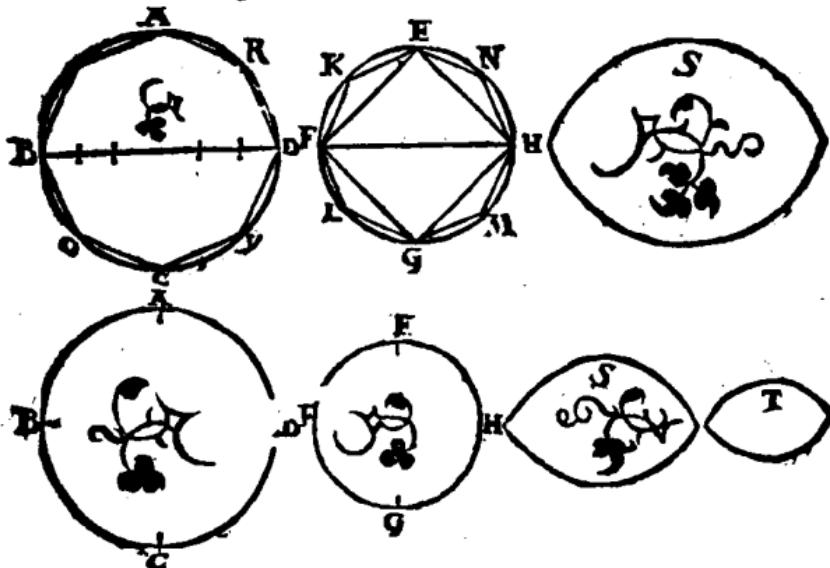
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

β

Οι κύκλοι περὶ τῶν ἀλλήλων στον, ὡς τὰ ἄκρα τῶν δια-  
μέτρων τεῖσαι γίγνονται.

Theor.2. Prop.2.

Circuli eam intersectionem habent, quam  
descripta à diametris quadrata.



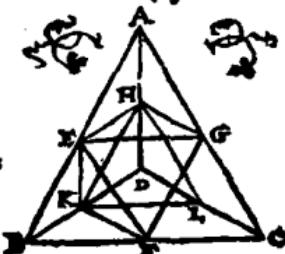
γ

Πᾶσα πυραμὶς Τρίγωνον ἔχουσα βάσιν, διαιρέται εἰς  
δύο πυραμίδας ἵστας τε χεὶς δυοῖς ἀλλήλους, Τρίγω-  
νος βάσεις ἔχουσας, χεὶς δυοῖς τῇ ὅλῃ χεὶς δύο πρί-  
σματα ἴσα. χεὶς τὰ δύο πρίσματα μείζονά ἔστιν, ἢ τὸ  
πλίσυ τὸ ὅλης πυραμίδος.

Theor.3. Prop.3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in  
duas diuiditur pyramidas non tantum aequa-  
les

Ies & similes inter se, sed toti etiam pyramidis similes, quarum trigonae sunt bases, atq; in duo prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt maiora.



δ

Εὰν ὁσι δύο τυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸῦ φος, Σιγώνος ἔχουσαι βάσεις, διαιρεθῆ ἐκατέρα αὐτῶν εἰς τε δύο τυραμίδας ἵσας ἀλλήλους καὶ δμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἵσα καὶ τῶν γενομένων τυραμίδων ἐκατέρα τὸ αὐτὸν Σόπον, καὶ τῷτο δὲ γένηται, ὅτι ὡς ἡ τοι μιᾶς τυραμίδος βάσις, πρὸς τὴν τοι μιᾶς τυραμίδος βάσιν, δυτικαὶ τὰ τοι μιᾶς τυραμίδος πρίσματα πάντα, πρὸς τὰ τοι μιᾶς τυραμίδος πρίσματα πάντα ἴσοπλακῶν.

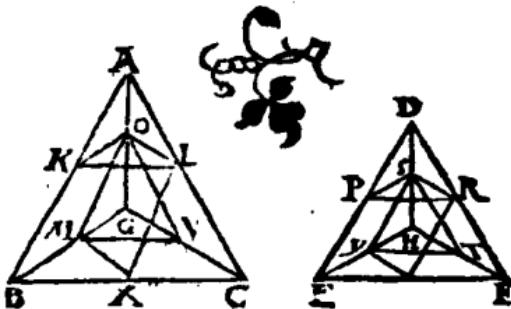
### Theorema 4. Proposi. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides trigonæ habeant bases, sit autem illarum vtraque diuisa & in duas pyramidas inter se æquales totique similes, & in duo prismata æqualia, ac eodem modo diuidatur vtraque pyramides quæ ex superiore diuisione natæ sunt, idq; perpetuò fiat: quemadmodum se habet unius pyramidis basis ad alterius pyramidis

S 4 basim,

EVCLID ELEM. GEOM.

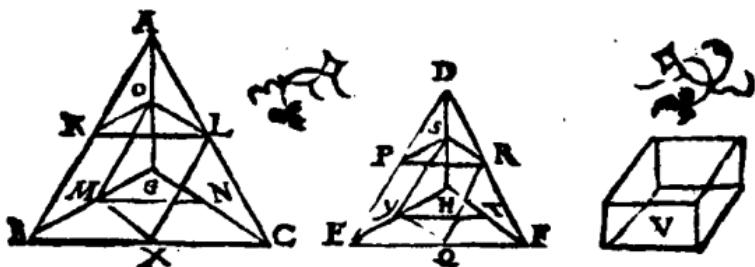
basim, ita & omnia quæ in una pyramide pri  
smata, ad omnia quæ in altera pyramide, pris  
mata multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος δύσαυ πυραμῖδες, καὶ τοιχών  
ἔχουσαι βάσεις, τῷρος ἀλλίλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 5. Propo.5.

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum tri  
gonaæ sunt bases, eam inter se rationem ha  
bent, quam ipsæ bases.



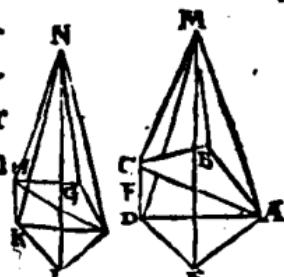
Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος δύσαυ πυραμῖδες, καὶ τοιχών  
γώνων ἔχουσαι βάσεις, τῷρος ἀλλίλας εἰσὶν ὡς αἱ βά  
σεις.

Theor. 6. Prop.6.

Pyra-

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygona sunt bases, eam inter se rationem habet, quam ipsae bases.

ζ

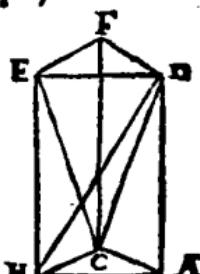


Πᾶν πρίσμα οὗ γωνια εἰχον βάσει, διαιρέται εἰς τέσσερα πυραμίδας ἵστας ἀλλήλαις, οὗ γώνιες βάσεις εἰχούσας.

## Theorema 7. Prop. 7.

Omne prisma trigonam habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum triangula sunt bases.

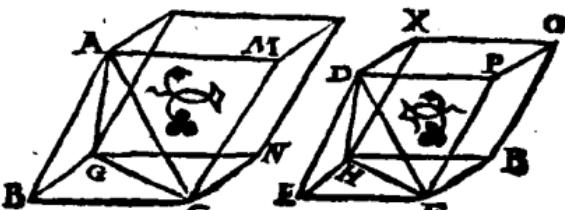
η



Αἱ δυοιαὶ πυραμίδες, χαρακτηριζόμενες εἰχούσας βάσεις, σὺν πλειστοῖς λόγῳ εἰσὶ τῶν δμολόγων πλευρῶν.

## Theor. 8. Prop. 8.

Similes pyramides q̄ trigonas habent bases, in triplicata sunt homologorū laterū ratiōē.



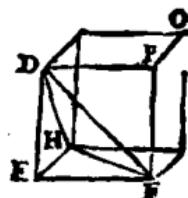
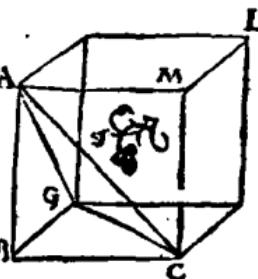
S 5 . . . 3 Tōv

Τῶν ισων πυραμίδων, καὶ τριγώνων βάσεων ἔχοσῶν  
ἀντιπεπόνθασιν αὐτάστης τῆς ὑψεως. καὶ ὅν πυρα-  
μίδων τριγώνων βάσεων ἔχουσῶν ἀντιπεπόνθασιν αὐ-  
τάστης τῆς ὑψεως, εἰσαγέσθαι εἰκεῖνα.

Theorema 9. Prop. 9.

Aequalium pyramidū & trigōnas bases ha-  
bentium reciprocantur bases cum altitudi-  
nibus. Et quarum pyramidū trigōnas ba-  
ses haben-

tium reci-  
procatur  
bases cū  
altitudini  
bus, illæ  
sunt equa-  
les.

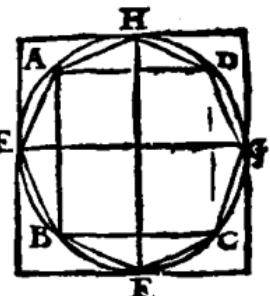


Πλας κῶνος, κυλίνδρου τύπον μέρος ἐστὶ τὸ τὸν αὐ-  
τὸν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὑψος ίσον.

Theor. 10. Prop. 10.

Omnis conus tertia pars est cylindri eadem  
cum i-

pso co-  
no ba-  
sim ha-  
bētis,  
& alti-  
tudinē  
equarem.

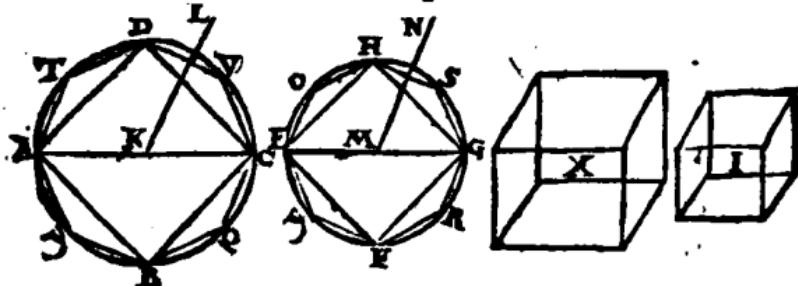


ια

Οἱ ὅπο τὸ αὐτὸ ὑψοσ δύνεις κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς  
ἀλλήλων εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Proposi. 11.

Coni & cylindri eiusdem altitudinis, eam  
inter se rationem habent, quam bases.

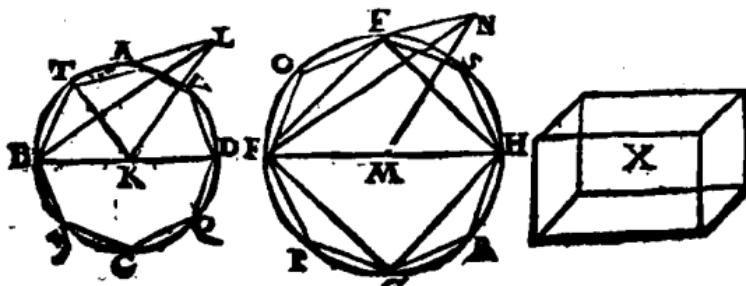


ιβ

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, οἵ τινες τῷ τοῖς βάσεσι διαιμέτρῳ.

Theore. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam habent  
inter se rationem diametrovum, quae sunt  
in basibus.



ιγ

Edo

EVCLID ELEM. GEOM.

Ἐὰν κύλινδρος ἐπικέδω τη μηδη παραλλήλω δύτι τοῖς  
ἀπεντίον ἐπικέδοις, ἵσαν ως δι κύλινδρος πρὸς τὸν  
κύλινδρον, δύτιως δὲ καὶ παρὸς τὸν αὐτόν.

Theor.13:Propo-  
sition 13.

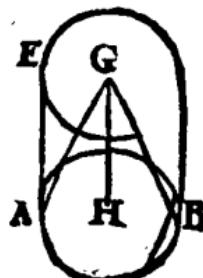
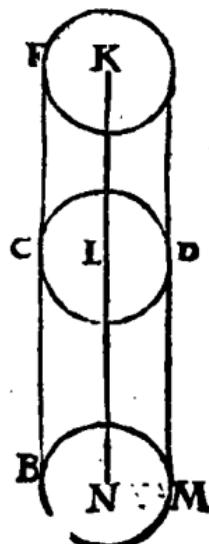
*Si cylindrus plano sectus  
sit aduersis planis paralle-  
lo, erit quemadmodum  
cylindrus ad cylindrum,  
ita axis ad axem.*

δ

Οἱ ἔτσι ἴσαι βάσεων δύτες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς  
ἄλληλας εἰσὶν ως τὰ ὑψη.

Theor.14:Propo.14.

*Coni & cy-  
lindri qui  
in æquali-  
bus sunt ba-  
sibus, eam  
habent in-  
ter se ratio-  
nem, quam  
altitudi-  
nes.*

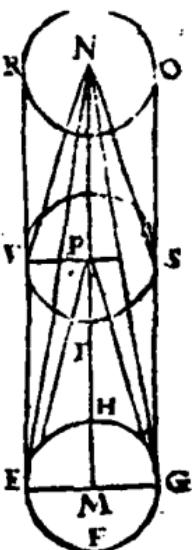


14

Τῶν ισων κώνων καὶ κυλινδρων ἀντιπεπόνθεσιν αἱ  
βάσεις τῆς ὑψεσι. καὶ οὐκ κώνων καὶ κυλινδρων ἀντιπε-  
πόνθεσιν αἱ βάσεις τῆς ὑψεσιν, οἵσοι εἰσὶν ἐχέντοι.

Theor. 15. Prop. 15.

Aequalium cōnorū & cylindrōrum bases  
cum altitu-  
dinibus re-  
ciprocantur.  
Et quo-  
rum cōno-  
rum & cy-  
lindrōrum  
bases cum  
altitudini-  
bus recipi-  
procantur,  
illi sunt æ-  
quales.



15

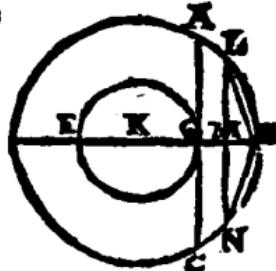
Δύο κύκλων ταχεῖ τὸ αὐτὸκέντρον δυτῶν, εἰς τὸν με-  
ζονα κύκλου, πολύγωνον ἴσοπλευρόν τε καὶ ἀρτιό-  
πλευρον ἡγράφα, μὴ φαῦον τοῦ ἑλάσσονος κυκλοῦ.

Problema 1. Proposi-  
tio 16.

Duobus circulis circum idem centrum con-  
sistens

sistentibus, in maiore circulo polygonum equaleum pariumq; laterum inscribere, quod minorum circulum non tangat.

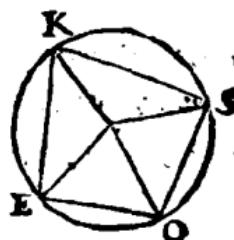
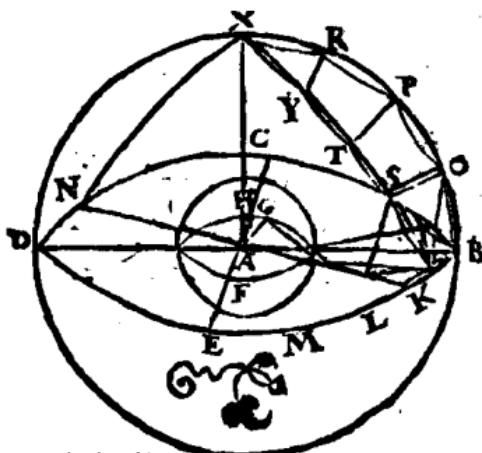
15



Δύο σφαῖραιν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὁμοίων, εἰς τὴν μείζονα σφαῖραν δερεὸν τοιλάθερον ἐγγράψαι, μὰ τῶν οὐ τὸ ἔλασσονος σφαῖρας κατὰ τὴν ὑπεράνθειαν.

Probl. 2. Prop. 17.

Duabus sphæris circum idem centrum consistentibus, in maiore sphæra solidum polyhedrum inscribere, quod minoris sphæra superficiem non tangat.

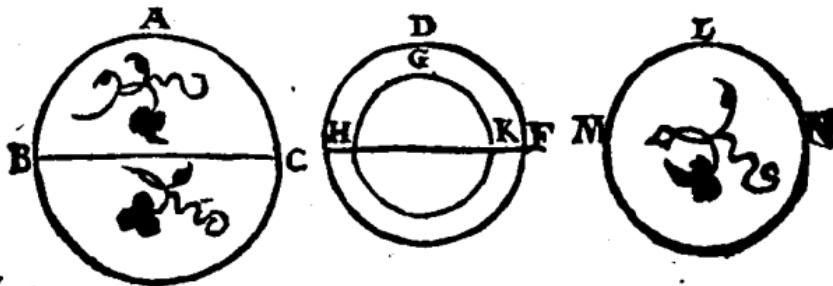


16

Αἱ σφαιραὶ τερρός ἀλλάς σὲ τριπλασίου λόγῳ εἰσὶ<sup>τῶν</sup> ἴδιων διαμέτρων.

Theorema 16. Proposi-  
tio 18.

Sphæræ inter se rationem habent suarum  
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.

# ΣΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΙΓ,

ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

## EVCLIDIS ELEMENTVM DECIMVM TERTIVM, ET SOLIDORVM TERTIVM.

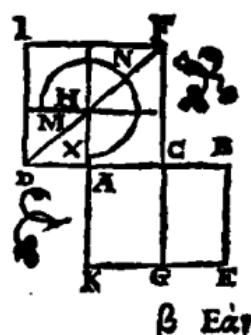
Προτάσις

α

Εὰν ἐνδεῖα γραμμὴ ἔχει μέσον λόγον τρικῆν, τὸ  
μεῖζον τμῆμα προσλαβὸν τὴν ἡμίσειαν τὸ δὲ λιγότερον  
ταπλάσιον δύναται τῷ ἀπὸ τὴν ἡμίσειαν τὸ δὲ λιγότερον.

Theorema i. Propo. i.

Sic recta linea per extremā  
& medium rationem secta  
sit, maius segmentū quod  
totius linea dimidium as-  
sumperit, quintuplum  
potest eius quadrati, quod  
et totius dimidia describit.



β

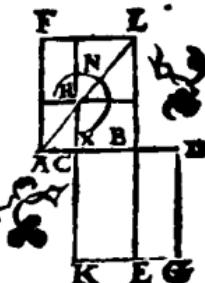
Εὰν ἐυθεῖα γραμμὴ, τμῆμας ἑαυτῆς πενταπλάσιον δύνηται, τῆς διπλασίας τοῦ εἰρημένου τμήματος ἀκρον χεὶ μέσον λόγον τεμνομένης, τὸ μεῖζον τμῆμα τὸ λοιπὸν μέρος ἐσὶ τέξαρχης ἐυθείας.

## Theore. 2. Propo. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum pos-  
fit, & dupla segmenti hu-  
ius linea per extremam &  
mediā rationem secetur,  
maius segmētum reliqua  
pars est lineæ primū po-  
litæ.

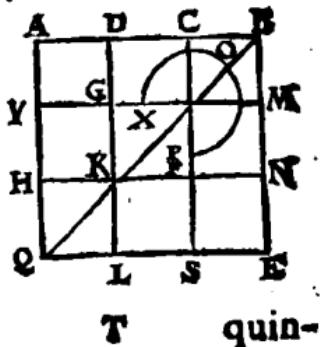
γ

Εὰν ἐυθεῖα γραμμὴ ἀκρον χεὶ μέσον λόγον τμῆμη,  
τὸ ἐλασσον τμῆμα προσλαβόντην ἡμίσφαν τοῦ μεί-  
ζονος τμήματος, πενταπλάσιον δύναται τοῦ ἀπὸ τῆς  
ἡμίσειας τοῦ μείζονος, τεῖχαγών.



## Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extre-  
mā & mediā rationē se-  
cta sit, minus segmētū  
quod maioris segmēti  
dimidiū assumpserit,



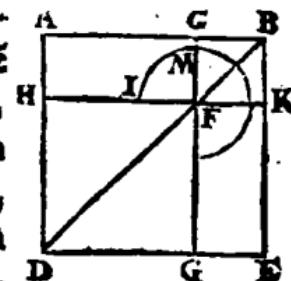
EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
quintuplum potest eius, quod à maiori segmendi dimidio describitur, quadrati.

δ

Εάν εὐθεῖα γραμμὴ ἀκρον τῷ μέσον λόγον τμῆμα, τὸ ἀπὸ τὸ ὅλος καὶ τοῦ ἑλάπιον τμήματος, τὰ συ-  
αμφότερα τε διαιγῶν, οἱ πλάσιαι ὅτι τοῦ ἀπὸ τοῦ  
μείζονος τμήματος τε διαιγών.

Theore. 4. Propo. 4.

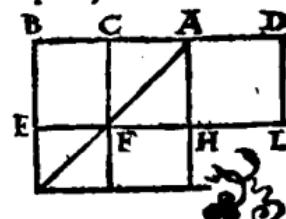
Si recta linea per extre-  
mam & medium rationē  
secata sit, quod à tota,  
quodq; à minore segmen-  
to simul utraq; quadrata,  
tripla sunt eius, quod à  
maiore segmento descri-  
bitur, quadrati.



Εάν εὐθεῖα γραμμὴ ἀκρον τῷ μέσον λόγον τμῆμα, καὶ προστεθῆ ἵση τῷ μείζονι τμήματι, δηλική εὐθεῖα ἀκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμῆμα ὄστιν, ἡ ἔξαρχης εὐθεῖα.

Theore. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineā, quaesit  
per extremam & medi-  
am rationem secetur,  
adiuncta sit altera se-  
gmento maiori æqua-  
lis, tota hæc linea re-



etia

Qua per extre<sup>m</sup>am & medium rationem se-  
cta est, estque maius segmentum linea pri-  
mū posita.

¶

Εάν ένθεται ἡγετή ἀλλορ οὐδὲ μέσον λόγον τμηθῆ, ἔχα-  
τερον τῶν τμημάτων ἀλογός θέτι, οὐ καλλιμέτρον  
τομή.

Theore. 6. Propo. 6.

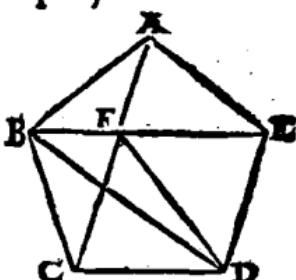
Si recta linea ἡγετή sive rationalis, per extre-  
mam & medium rationem secta sit, utrum-  
que segmentorum A C B  
ἀλογός sive irratio-  
nalis est linea, quæ  
dicitur Residuum.

ζ

Εάν πενταγώνος ἐπιλεύρη αἱ γωνίαι, οἵτοι αἱ κα-  
τὰ τὸ έξης, οἱ αἱ μὴ κατὰ τὸ έξης, ἐπιστροφή, ἐγά-  
νειον έσαι τὸ πεντάγωνον.

Theore. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilate-  
ritres sint æquales an-  
guli, sive qui deinceps,  
sive q. nō deinceps se-  
quuntur, illud pentago-  
num erit æquiangulu.



η

Εάν πενταγώνος ἐπιλεύρη καὶ ἐγωνίας τὰς κατὰ τὸ  
έξης δύο γωνίας ὑποτείνωσιτ ἐνθεῖαι, ἀλλορ οὐδὲ  
T 2 μέσον

## EVCLID. ELEMEN. GEOM.

μέσον λόγον τέμνεται ἀλλήλας, καὶ τὰ μέίζονα αὐτῶν τμῆματα ἵσται εἰς τὴν τοῦ πενταγώνου πλευρά.

### Theore.8. Propo. 8.

Si pentagoni æquilateri & æquiænguli duos qui deinceps sequuntur angulos recte subtendant lineæ, illæ per extremam & medium rationē se mutuò secant, earumque maiora segmenta, ipsius pentagoni lateri sunt equalia.

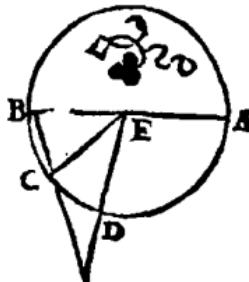
9



Εάν η τοῦ ἑξαγώνου πλευρά καὶ η τοῦ δεκαγώνου, εἰς τὸν τὸν κύκλον ἐγγραφομένων, συντεθῶσιν, η ὅλη ἑυθεῖα ἄκρων καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μεῖζον αὐτῶν τμῆμά δέσιν η τοῦ ἑξαγώνου πλευρά.

### Theore.9. Propo. 9.

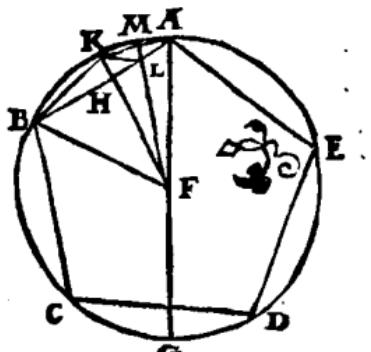
Si latus hexagoni & latus decagoni eidem circulo inscriptorum composita sint, tota recta linea per extremam & medium rationem secta est, eiusque segmentum maius, est hexagoni latus.



Εάν τις κύκλος πενταγώνου ἴσοπλευρον ἐγγραφῇ, η τοῦ

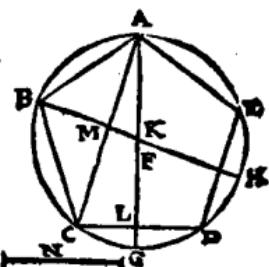
ἢ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ δύναται τάντε τοῦ ἑξαγώνου καὶ τὸν τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἔγγραφομένων.

Theor. 10. Prop. 10.  
Si circulo pentagonum equilaterum inscriptum sit, pentagoni latus potest & latus hexagoni & latus decagoni, eidem circulo inscriptorum.



Εὰν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα τὸν διάμετρον, πεντάγωνον ἴσόπλευρον ἔγγραφη, ἢ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ ἀλογός ἔστιν, ἡ καλλιμένη ἐλάσσων.

Theore. II. Prop. II.  
Si in circulo ῥητὴν habente diametrum, inscriptum sit pentagonum equilaterum, pentagoni latus irrationalis est linea, quæ vocatur Minor.



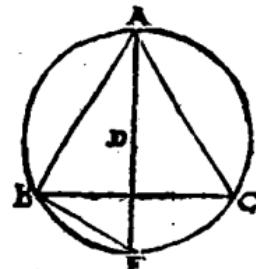
Εὰν εἰς κύκλον Σίγωνον ἴσόπλευρον ἔγγραφη, ἢ τοῦ Σίγωνος πλευρὰ, διαμέτρος πλασίων ἐστὶ τὸ εἰς τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου.

T 3      Theo-

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

Theore.12. Propo.12.

Si in circulo inscriptum  
sit triangulum æquilaterum,  
huius triāguli latus  
potentia triplū est eius li-  
neæ, quæ ex circuli cen-  
tro ducitur.

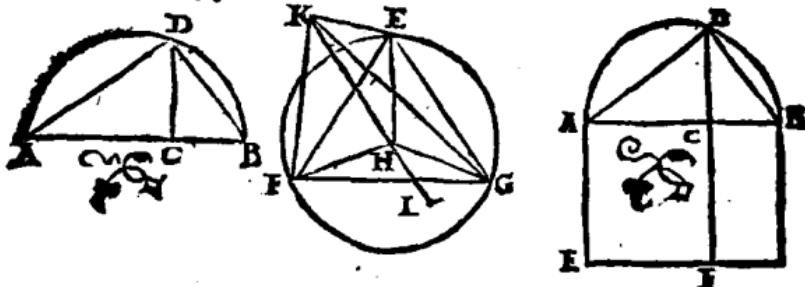


γ

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφæρα περιλαβεῖν  
τὴ δοδέκαγωνη, καὶ δεῖξαι ὅλην τῆς σφæρας διαμέτρος,  
δινάμει ἡμιολία ἐσὶ τὸ πλευρᾶς τῆς πυραμίδος.

Problem. 1. Propo.13.

Pyramidem constituere, & data sphæra com-  
plecti, atque docere illius sphæræ dia-  
metrum potentia sesquialteram esse lateris ip-  
sius pyramidis.



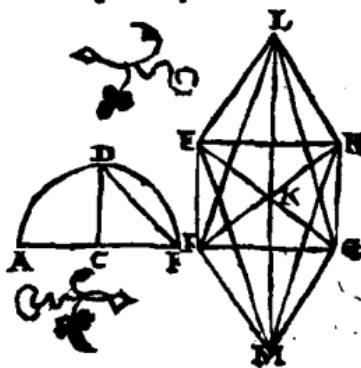
δ

Οχτάεδρον συστήσασθαι. καὶ σφæρα περιλαβεῖν  
τὴν πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅλην τῆς σφæρας διά-  
μετρος

μεῖος διωάμηδιπλασία ἐστὶ τὸ πλευρᾶς τοῦ ὀκταέδρου.

## Proble. 2. Propo. 14.

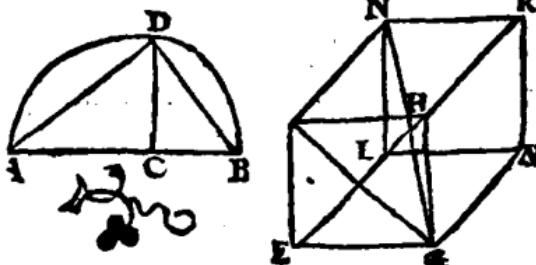
Octaëdrum constitueret, eaque sphaera qua pyramidē complecti, atque probare illius sphærae diametrum potentia duplam esse lateris ipsius octaedri.



Κύβον συγκασθεῖ, καὶ σφαιρὰ περιλαβεῖν οὐ χαί τὰ περότερα, καὶ δεῖξαι ὅλην τῆς σφαιρᾶς διάμετρος διωάμηδιπλᾶν ἐστὶ τοῦ πλευρᾶς.

## Proble. 3. Propo. 15.

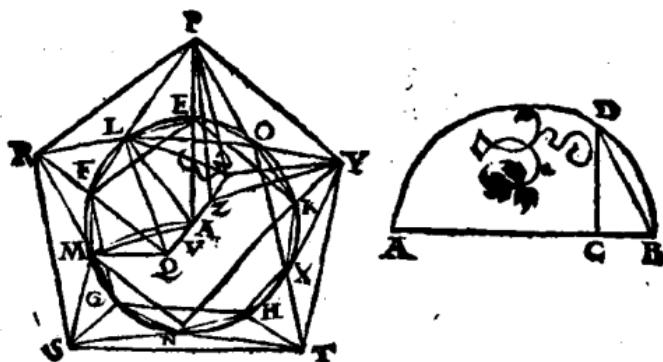
Cubum constitueret, eaque sphaera qua & superiores figuras complecti, atque docere illius sphærae diametrum potentia triplam esse lateris ipsius cubi.



Εἰκοσάεδρον συστασθαι καὶ σφάίρα τεριλαβεῖν,  
ἢ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι δὲ οὐ εἰ-  
κοσαεδρου πλευρὰ ἀλογός θεῖ, οὐ καλύμμενη ἐλάτ-  
των.

Probl. 4. Propo. 16.

Icosaëdrum constituere, eademque sphæra  
qua & antedictas figuræ complecti, atque  
probare, Icosaëdri latus irrationalem esse li-  
neam, quæ vocatur Minor.

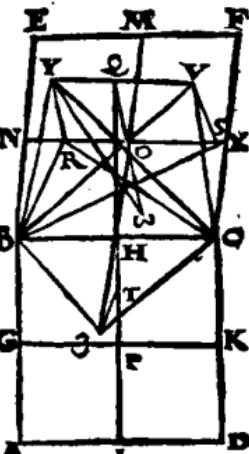


Δωδεκάεδρον συστασθαι καὶ σφάίρα τεριλα-  
βεῖν, οὐ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι  
δὲ οὐ τοῦ δωδεκαεδρου πλευρὰ ἀλογός θεῖν, οὐ καλύ-  
μένη ἀποτομῇ.

Probl. 5. Propo. 17.

Dodecaëdrum constituere, eademque sphæ-

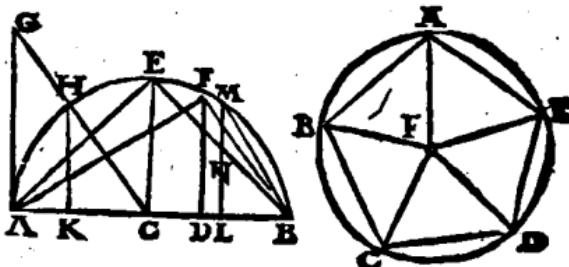
ra qua & antedictas figuræ complecti, atque probare dodecaëdri latus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Residuum.



Tὰς πλευρὰς τῶν τέσσερες σχημάτων ἐκδίσθαι, καὶ τοιχρήνας τρόπος ἀλλάλας.

### Proble. 6. Propo. 18.

Quinque figura-rū latera, p pone-re, & inter se comparare.



### ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἄγγε δὴ ὅλε ταφὰ τὰ εἰρημένα εἰ σχῆματα δύνα-  
θῆσθαι ἔτερον σχῆμα, ταφειχόμενον ὑπὸ ίσο-  
πλεύρων τε χριστογενίων, ισων ἀλλήλοις. ὑπὸ

Τ Σ μὲν

EVCLID. ELEMENT. GEOM.

μὲν γέρεται δύο Σιγώνων, ἀλλ' ὅυδε ἀλλων δύο ξει-  
ωδῶν τερετγωνίας δύο συγανθήσεται.

Ἵπσό δὲ Σιγών Σιγώνων, οὐ τούτη παραμέδος.

Ἵπσό δὲ τεσσάρων, οὐ τοῦ ὀκταέδρου.

Ἵπσό δὲ εἴς, οὐ τοῦ εἰκοσιαέδρου.

Ἄρος ἐνὶ σημείῳ συσιταμένων, οὐτε ξει-  
ωδῶν τερετγωνίας δύο συγανθήσεται. Εἰπεντετέλευτην δι-  
μοίρην ὄρθης, Εἰνταυ αἱ εἴς τέτελεροιν ὄρθης ίσαι, δ-  
ιπερ ἀδύνατον. Ἀπαστραγέρεται τερετγωνία, ὑπό τελο-  
σόνων η τεσσάρων ὄρθην τεριέχεται. διὰ τὰ αὐτὰ  
δὲ ὅυδε ἡπέδη πλεόνων η εἴς γωνίαν ἔπιτισται τερετ-  
γωνία συσιταμένων.

Ἵπσό δὲ τεσσάρων Σιγών, οὐ τοῦ χύτης γωνία τε-  
ριέχεται.

Ἵπσό δὲ τεσσάρων, ἀδύνατον. Εἰνταυ γέρεται λάμ-  
πεσσαρες ὄρθης.

Ἵπσό δὲ τενταγώνων Κλεύρων καὶ Εγενίον,  
ἢ πόδη μὲν Σιγών, οὐ τοῦ διαδεκαέδρου.

Ἵπσό δὲ τεσσάρων, ἀδύνατον. δυσκοτετέλευτην η τοῦ Ε-  
πιλεύρου τενταγών γωνίας ὄρθης καὶ πέμπτης, Εἰν-  
ταυ αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὄρθην μείζους,  
ὅπερ ἀδύνατον. ὅυδε μὲν ἡπέδη πολυγώνων ἐπέρει

συγκράτων περισχεδίσταν σερεὰ γενία, διὰ τὸ  
έποπον. Οὐκ ἄρα παρὰ τὰ εἰρημένα ἐσχήματα ἔτει  
γον σχῆμα σερεὸν συσαδίσταν, ὃποιοι Κριτεύρων καὶ  
Θεοφόρων περιεχόμενον. οὐ περ ἔδει δεῖξαι.

## SCHOLIVM.

Aio uero, prater dictas quinque figuras non posse  
aliam constitui figuram solidam, que planis et  
equilateris et equiangulis contineatur, inter se  
equalibus. Non enim ex duobus triangulis, sed  
neque ex alijs duabus figuris solidus constitu-  
tur angulus.

Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis ana-  
gulus.

Ex quatuor autem, Octaedri.

Ex quinque uero, Icosaedri.

Nam ex triangulis sex et equilateris et equi-  
angulis ad idem punctum coēuntibus, non ficit  
angulus solidus. Cum enim trianguli equilateri  
angulus, recti unius bessem contineat, erunt eius  
modi sex anguli rectis quatuor aequales. Quod  
fici non potest. Nam solidus omnis angulus, mi-  
noribus quam rectis quatuor angulis contine-  
tur, per 21.11.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quāns  
planis sex eiusmodi angulis solidus constat.

Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus conti-  
netur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti  
quatuor crunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris et æ-  
quiangulari, Dodecaëdri angulus continetur.

Sed ex quatuor, nullus potest. Cum enim penta-  
goni æquilateri angulus rectus sit, et quintares-  
ti pars, erunt quatuor anguli recti quatuor ma-  
iores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex alijs poly-  
gonis figuris solidus angulus continetur, quod  
hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem  
perspicuum est, præter dictas quinque figuras  
liam figuram solidam non posse constitui, que  
ex planis æquilateris et æquiangulari continen-  
tur.

Elementi decimitertij finis.

# ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΗΟΝ ΙΑΚΛΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ώς διοντά τίνες, ώς ἄλλοι Ἰ· ΥΨΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Αλεξανδρέως,

τερὶ τῶν ἐσωμάτων,

τρῶτον.

**Β**λογεῖδης δὲ τύριος, ὁ πρώταρχε, παραγενθεῖσεις ἀλεξανδρέων, καὶ συναθέστης τῷ ταξίδι μῶν διὰ τὴν ἀπό τοῦ μαδίμαλος συγγένφαν, συνδέσμιον αὐτῷ τὸν πλεῖστον δὲ ἐπιδημίας χρόνον. καί τοτε διελοῦντες τὸ ὑπότοπον ἀπολλωνίου γραφὲν τερὶ τῆς συγκρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ εἰκοσαέδρου, τῶνεις τὴν αὐτὴν σφαιραν ἐγγραφομένων, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα τρὸς ἄλληλα, οὐδοξαταῦτα μὴ ἀρθῆσθαι γεγραφέναυ τὸν ἀπολλωνίον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα διαχαδάραντες, ἐγραψαν, ώς ἦν κακούειν τοῦ πατρός. ἐγὼ δὲ ὑπερον τεριέτεσσον ἀτέρῳ βιβλίῳ ὑπότοπον ἀπολλωνίου ἐκδεδομένῳ, καὶ τεριέ-

## EVCLID. ELEMEN. GEOM.

περιέχοντι ἀπόδειξιν ὑγιῶς τερὶ τοῦ ὑποκειμένου,  
καὶ μεγάλως ἐψυχαγωγίθιν εἴπει τῇ προβλήματος  
ζητήσῃ. τὸ μὲν ὑπότοπον ἀπολλωνία ἐκδοθὲν ἔστι τε  
σκοπεῖν. καὶ γέρεται τερψταμ. τὸ δὲ ὑφ' ἡμῶν δο-  
κοῦν ὕερον γεγραφένα φιλοπόνως, διστοματικάμενος  
προκοπὴν, ἐμπείρως χρίνοντες τὰ ῥῆματά μα, διὰ τοῦ  
τὴν πρὸς τὸν πατέρα συνέθεσαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς  
ἴεντος, ἐυλόγως ἀκχομένων τὴν πραγματείας. κα-  
ρὸς δὲ οὐδὲν τροοιμίχ μὲν πειστισθεῖσα, τὸ δὲ συν-  
τάξεως ἀρχεσθεῖσα.



# EVCLIDIS

## ELEMENTVM DECL-

MVNQVARTVM, VT QVIDAM

arbitrantur, vt alij verò, Hy-  
psiclis Alexandrini, de  
quinque corpo-  
ribus.

## LIBER PRIMVS.



Afilides Tyrius, Protarche, Ale-  
xandriam profectus, patriq; no-  
stro ob discipline societatem com-  
mendatus, longissimo peregrina-  
tionis tempore cum eo uersatus  
est. Cumq; differerent aliquando  
de scripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri  
& Icosaëdri eidem sphærae inscriptorum, quam hæc  
inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè  
tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, ut de pa-  
tre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea  
incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-  
monstra-

## EVCLID. ELEMEN. GEOM.

monstrationem accuratè complectetur de re proposita, ex eiusq; problematis indagatione magna equidem cepi uoluptatem. Illud certè ab omnibus perspici potest, quod scripsit Apollonius, cùm sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum coniūcere licet, studio nos postea scripsisse uidemur, id monimentis consignatum tibi nunc cupandum duximus, ut qui feliciter cùm in omnibus disciplinis tum uel maximè in Geometria uersatus, scitè ac prudenter iudices ea quæ dicturi sumus: ob eam uero, quæ tibi cum patre fuit, uita consuetudinem, quaque nos complecteris, benevolentiam, trāstationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus est, ut proœmio modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

### Προτάσεις.

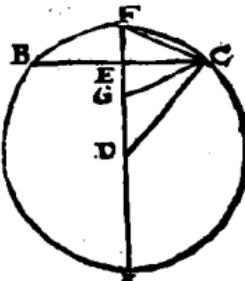
α

Η' ἀτὸ τοῦ κέντρου κύκλου τινὸς, ἐπὶ τὴν τοῦ πενταγώνου πλευρὰν, τοῦ εἰς τὸ άντὸν κύκλου ἐγγραφομένου κόνθητος ἀγομένη, ἡμίσειά ἔστι συμμορφέργον, τὸ τε ἐκ τοῦ κέντρου καὶ τὸ τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν κύκλον ἐγγραφομένων.

Theore. i. Propo. i.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuiuspiam

spiam centro in latus pentagoni ipsi circulo inscripti ducitur, dimidia est utriusque simul linea, & eius quæ ex centro, & lateris decagoni in eodem circulo inscripti.

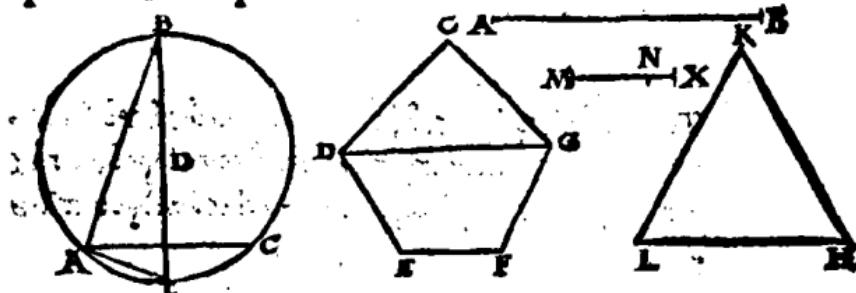


β

Ο αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τό τε τοῦ δωδεκαέδρου πυτάγωνον, καὶ τὸ τοῦ ἑκατόδρου τρίγωνον τῷ τοῦ τὴν αὐτοφράγαν ἔχει γραφομένων.

## Theor. 2. Proposit. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaēdri pentagonū & icosaēdri triangulum, eidem sphæræ inscriptorum.



γ

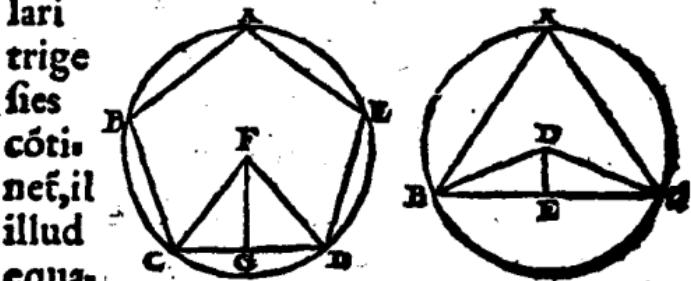
Εὰν οὖν τεντάγωνον ισόπλευρον τε καὶ ισογάνιον, καὶ περὶ τοῦτο κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου καθετος ἐπὶ μίαν πλευρὰν ἀχθῆ, τὸ τριακοντάκις ὅπλο μῆκος τῶν πλευρῶν καὶ τὸ καθέτο, ισοι εἰσὶ τῷ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπειγαῖα.

v

Theo-

Theorema 3. Prop. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangulo circumscripsit sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod uno laterum & perpendiculari lari triges cōtis net, il illud equa le est dodecaëdri superficiei.



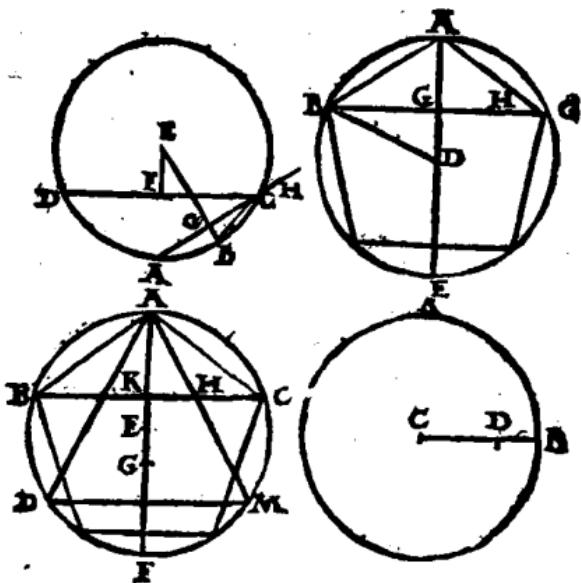
3

Τούτου δέλλου δυτος, δικτέον δτι ἔσαψε ο τὸ διδέ-  
χαδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῦ τίκοσαδροῦ δυτων  
ἢ τῦ χύζεην πλευρὰ πρὸς τὴν τῦ τίκοσαδρου πλευ-  
ράν.

Theor. 4. Propo. 4.

Hoc perspicuum cum sit, probandum est,  
quemadmodum se habet dodecaëdri super-  
ficies

LIBER XIII. 154  
 ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere  
 cubi latus ad icosaëdri latus.



### Cubilatus.

E \_\_\_\_\_  
 Dodecaëdri.

F \_\_\_\_\_  
 Icosaëdri.

G \_\_\_\_\_

EVCLID. ELEMEN. GEOM.  
ΣΧΟΛΙΟΝ.

Δεκτέον δὴ τῦν, ὅτι ὡς ἡ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς  
τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου, δυτῶ τὸ σερεὸν τοῦ δωδεκαέδρου  
πρὸς τὸ σερεὸν τοῦ εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ οἱ κύκλοι  
τεριλαμβάνουσι τό, τε τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγω-  
νον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐ-  
τὴν σφαιραν ἐγγραφομένων, σὺν δὲ ταῖς σφαιραῖς οἱ  
ἴσοις κύκλοις ίσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. ἀγάθη  
ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαιρας ἐπὶ τὰ τῶν κύκλων ἐπί-  
πεδα κάθετοι ἀγόριδναι, ίσαι τε εἰσὶν καὶ ἐπὶ τὰ κέν-  
τρα τῶν κύκλων πιπήσιν, ὡς τε αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου  
τῆς σφαιρας ἐπὶ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τοῦ τεριλαμ-  
βάνοντος τό τε τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον καὶ τοῦ δωδε-  
καέδρου πεντάγωνον, ίσαι εἰσὶ, τυτέσι αἱ κάθετοι. ίσοι  
ψῆσις ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ  
τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ αἱ βάσεις ἔχουσαι  
τὰ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ ίσοις ψῆσις πυρα-  
μίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις. ὡς ἄρα τὸ  
πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον, δυτῶς ἡ πύραμις  
ἢς βάσις μὲν ἐσὶ τὸ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον,  
κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαιρας, πρὸς τὴν πυραμί-  
δα ἢς βάσις μὲν ἐστι τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, κο-  
ρυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαιρας. καὶ ὡς ἄρα δωδεκαπεν-  
τάγω-

τάγωνα τρός εἶκοσι τρίγωνα, δύτω δώδεκα τυρα  
μίδες τενταγώνων βάσεις ἔχουσαι τρός εἶκοσι τυ-  
ραμίδας Τριγώνος βάσεις ἔχούσας. καὶ δώδεκα τεν-  
τάγωνα ἢ τοῦ δωδεκαέδρης ἑπταφάνεια ὄντιν, εἴκοσι ἢ  
Τριγώνα ἢ τοῦ εἴκοσαέδρης ἑπταφάνεια ὄντιν. Εἰς ἀρά  
ώς ἢ τοῦ δωδεκαέδρης ἑπταφάνεια τρός τὸν τοῦ εἴκο-  
σαέδρης ἑπταφάνειαν, δύτω δώδεκα τυραμίδες πεν-  
ταγώνος βάσεις ἔχουσαι πρὸς εἴκοσι πυραμίδας  
Τριγώνους έπιστεις ἔχούσας, καὶ εἰσὶ δώδεκα μὲν πυρα-  
μίδες τενταγώνους βάσεις ἔχουσαι, τὸ σερεὸν τοῦ  
δωδεκαέδρου, εἴκοσι ἢ πυραμίδες Τριγώνους βάσεις  
ἔχουσαι, τὸ σερεὸν τοῦ εἴκοσαέδρου. καὶ ὡς ἀρά ἢ τοῦ  
δωδεκαέδρου ἑπταφάνεια τρός τὸν τοῦ εἴκοσαέδρου,  
δύτω τὸ σερεὸν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σερεὸν τοῦ  
εἴκοσαέδρου. ὡς οὐκέτι επιφάνεια τοῦ δωδεκαέδρης πρὸς  
τὴν ὑπεράνθην τοῦ εἴκοσαέδρου, δύτως ἐδείχθη ἢ τοῦ  
κύβου τλευρὰ τρός τὸν τοῦ εἴκοσαέδρου πλευρὰν.  
καὶ ὡς ἀρά ἢ τοῦ κύβου τλευρὰ τρός τὸν τοῦ εἴκοσαέ-  
δρου τλευράν. δύτω τὸ σερεὸν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς  
τὸ σερεὸν τοῦ εἴκοσαέδρου.

## S C H O L I V M .

Nunc autem probandum est, quemad-  
modum se habet cubi latus ad icosaedri

V 3 latus,

Iatus, ita se habere solidum dodecaëdri  
ad Icosaëdri solidum. Cùm enim æqua-  
les circuli comprehendant & dodecaë-  
dri pentagonū & Icosaëdri triágulum,  
eidem sphæræ inscriptorum: in sphæris  
autem æquales circuli æquali interual-  
lo distent à centro (siquidē perpendicu-  
lares à sphæræ centro ad circulorū pla-  
na ductæ & æquales sunt, & ad circulo  
rū centra cadunt) idcirco linçæ, hoc est  
perpendiculares quæ à sphæræ centro  
ducuntur ad cœntrum circuli cōprehen-  
dentis & triangulum Icosaëdri & pen-  
tagonū dodecaëdri, sunt æquales. Sunt  
igitur æqualis altitudinis Pyramides,  
quæ bases habent ipsa dodecaëdri penta-  
gona, & quæ Icosaëdri triangula. At æ-  
qualis altitudinis pyramides rationem  
inter se habent eam quam bases, ex 5. &  
6. ii. Quemadmodū igitur pentagonū  
ad triangulum, ita pyramis, cuius basis  
quidem est dodecaëdri pentagonum,  
vertex autem, sphæræ cœntrum, ad pyra-  
mida cuius basis quidem est Icosaëdri  
triangulum, vertex autem, sphæræ cen-  
trum,

erum. Quamobrem ut se habet duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides quorum pentagonae sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonae habeant bases. At pentagona duodecim sunt dodecaedri superficies, viginti autem triangula, Icosaedri. Est igitur ut dodecaedri superficies ad Icosaedri superficie, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habent bases, ad viginti pyramidas, quarum trigonae sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaedri: viginti autem pyramides, quae trigonae habent bases, Icosaedri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaedri superficies ad Icosaedri superficiem, ita solidum dodecaedri ad Icosaedri solidum. Ut autem dodecaedri superficies ad Icosaedri superficiem, ita probatur est cubilatum ad Icosaedri latus. Quemadmodum igitur cubi latus ad Icosaedri latus, ita se habet solidum dodecaedri ad Icosaedri solidum.

Elementi decimiquarti finis.



# ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΙΕ ΚΑΙ  
ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

Ὥς διονταί λύεσ, ὃς ἂλλοι δὲ ΥΨΙΚΛΕΣ

ΟΥΣ Αλεξανδρέως, περὶ τῶν

ε. σωμάτων, δεύτε-

ρον.

EVCLIDIS ELEMENTVM DECIMVM QVINTVM,

ET. SOLIDORVM QVINTVM,

vt nōnulli putant: vt autem alij,

Hypsiclis Alexandrini, de

quinque corporis  
ribus,

LIBER II.

Προτάσεις.

α

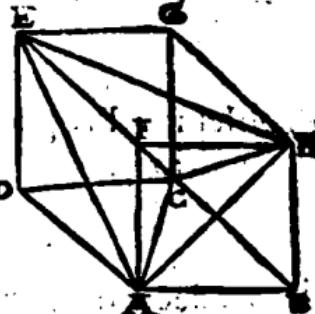
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλου αὐγραμμάτη γυγγάζει.

PRO-

**Probl. i. Propositiō i.**

In dato cubo pyramida inscribere.

β

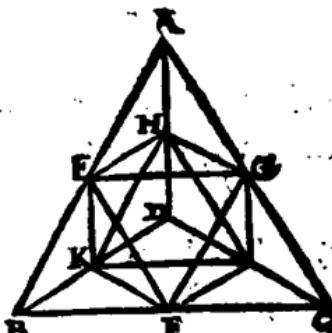


Eis τὸν δοθεῖσαν τετραμίδα ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

**Probl. 2. Propositiō 2.**

In data pyramide octaēdrum inscribere.

γ

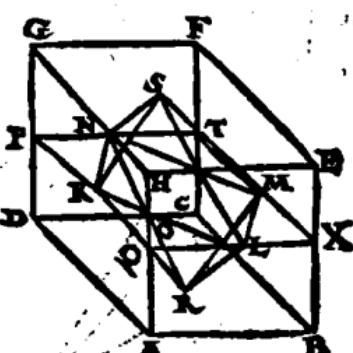


Eis τὸν δοθεῖντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

**Probl. 3. Propositiō 3.**

In dato cubo octaēdrum inscribere.

δ



Eis τὸ δοθέν ὀκτάεδρον κύβοις ἐγγράψαι.

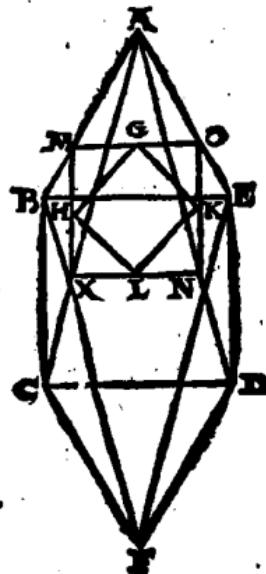
V 5

Pro-

Problema 4. Propo  
sitiō 4.

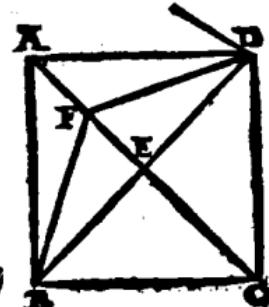
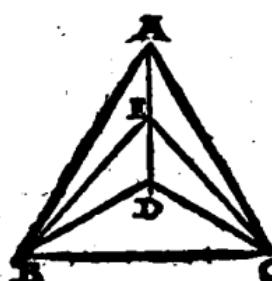
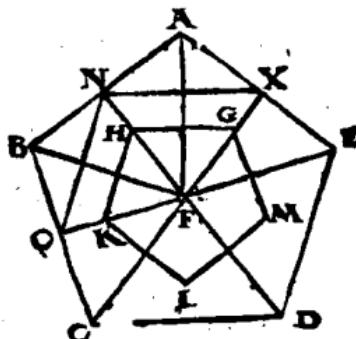
In dato octaēdro cubum  
inscribere.

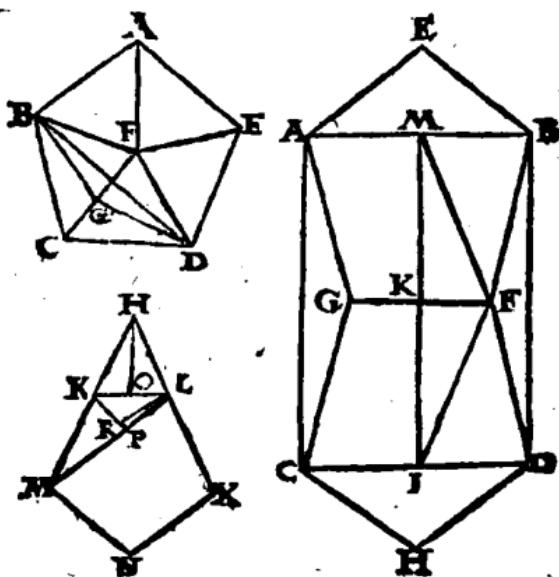
Εἰς τὸ δοδέκακόστερον δω-  
δεκάεδρον ἐγγύραται.



Probl.5. Pro-  
posi.5.

In dato Icosaēdro  
dodecaēdrum in-  
scribere.





XXX

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἰδέναμον ἡμᾶς, ὅτι ἐάντις ἔρει ἡμῖν τόσας πλευρᾶς ἔχει τὸ εἰκοσάεδρον, φίσοι μὲν οὐτως. φανερὸν ὅτι ὑπὸ εἴκοσις Σίγωνον τεριέχεται τὸ εἰκοσάεδρον, καὶ ὄλεκασον Σίγωνον ὑπὸ Σιῶν ἐυηνέδων τεριέχεται. δῆδιν ἡμᾶς τολλαπλασιάσα τὰ εἴκοσι, Σίγωνα ἐπὶ τὰς πλευρὰς τοῦ Σίγωνος, γίνεται ἢ εξήκοντα, ὥν οὕτοις γίνεται Σιάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ δωδεκάδρου. τάλιν ἐπιφύλη δώδεκα τεντάγων τεριέχουσι τὸ δωδεκάεδρον, τάλιν δὲ ἔκαστον τεντάγωνον ἔχει τέντες ἐυηνέας, τοιούτῳ δωδεκάκις τέντε, γίνεται εξήκοντα. τάλιν ἂδικοιστι γίνεται Σιάκοντα. Διὰ τί δε τὸ ίμισυ ποιοῦμεν, ἐπειδὴ ἔκαστη πλευρά, κάντε οὐ Σίγωνος, οὐ πενταγώνου, οὐ τετραγώνου, οὐ ἐπὶ κύβου, οὐ δευτέρου λαμβάνεται. ὁμοίως ἢ οὐδὲ μεθόδω χρή ἐπὶ κύβου, χρή ἐπὶ τοῦ πυραμίδος, χρή τοῦ ὀκταεδρου τὰ αὐτὰ ποιήτας εὐρήτες πλευράς. εἰ δὲ Βεληνείς τάλιν ἐκάστη τῶν τέντε σχιμάτων ἔρειν τὰς γωνίας, πάλιν τὰ αὐτὰ τοιότας, μέριζε παρὰ τὰ ἐπίπεδα τὰ τεριέχοντα μίαν γωνίαν τοῦ εφεοῦ, διον ἐπιφύλη τοῦ εἰκοσαεδρου γωνίαν τεριέχουσι εἰ Σίγωνα, μέριζε παρὰ τὰ εἰς γίνοντα δώδεκα γωνίαν τοῦ εἰκοσαεδρου,

θρου, ἐπὶ δὲ τῷ δωδεκαέδρῳ, τρία τετράγωνα παρέχουσι τὴν γωνίαν, μέρισσον τετρὰ τὰ Σία, καὶ τὴν χ γωνίας δυστας τῷ δωδεκαέδρῳ. δημοίως ἡ χαρτὶ τῶν λοιπῶν εὐρύσκει τὰς γωνίας.

Tέλος Εὔχλείδης γοιχείων.

## SCHOLIVM.

Meminisse decet, si quis nos rogat  
quot Icosaëdrum habeat latera, ita re-  
spondendum esse. Patet Icosaëdrum  
viginti contineri triangulis, quodlibet  
verò triangulum rectis tribus constare  
lineis. Quare multiplicada sunt nobis  
viginti triangula in triangulis vnius la-  
tera, fiuntque sexaginta, quorum dimi-  
dium est triginta. Ad eundem modum  
& in dodecaedro. Cùm enim rursus  
duodecim pentagona dodecaëdrū cō-  
prehēdant, itemq; pentagonum quod-  
uis rectis quinque constet lineis, quin-  
que

EVCLID. ELEMENT. GEOM.  
que duodecies multiplicamus, siūt sexa-  
ginta, quorum pars dimidium est tri-  
ginta. Sed cur dimidiū capimus? Quo-  
niam vnuquodq; latus siue sit trianguli  
siue pētagōni, siue quadrati, vt in cubo,  
iteratō sumitur. Similiter autē eadē via  
& in cubo & in pyramide & in octaē-  
dro latēra inuenies. Quòd si item velis  
singularum quoque figurarū angulos  
reperire, facta eadem multiplicatione  
numerum procreatū partire in nume-  
rum planorum quæ vnum solidum an-  
gulum includunt: vt quoniam triangu-  
la quinque vnum Icosaēdri angulum  
continent, partire 60. in quinque, na-  
scuntur duodecim anguli Icosaēdri. In  
dodecaēdro autem tria pentagona an-  
gulum comprehendunt. partire ergo  
60. in tria, & habebis dodecaēdri an-  
gulos viginti. Atque simili ratione in  
reliquis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.