

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

EVCLIDIS

ELEMENTORVM LIBRI

XV. GRÆCE ET LATINE,

Quibus, cum ad omnem Mathematicæ scientiæ
partem, tum ad quamlibet Geometriæ tra-

stationem, facilis comparatur aditus.

Γεγονός Επὶ γραμμά παλαιόν. *Vnde Horfner!*
Σχήματα πέντε Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας σοφὸς
ἔυρε.

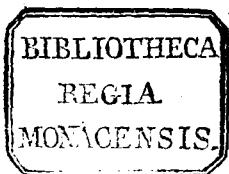
Πυθαγόρας σοφὸς ἔυρε, Πλάτων δ' ἀρίδην' ἐδίδαξεν,
Εὐκλείδης ἐπὶ τοῖσι κλέος περικαλὲς ἔτευσεν.



COLONIAE,

Apud Maternum Cholinum.

M. D. LXIII.



BIBLIOTHECA

REGIA

MONACENSIS.



AD CANDIDVM LE-

CTOREM ST. GRA-
cilis præfatio.



PERMAGNI, referre semper
existimaui, lector beneuole, quan-
tum quisque studiij & diligentia
ad percipienda scientiarum ele-
menta adhibeat, quibus non satis
cognitis, aut perperam intellectis,
si uel digitum progredi tentes, erroris caliginem ani-
mis offundas, non ueritatis lucem rebus obscuris adse-
ras. Sed principiorum quanta sint in disciplinis mo-
menta, haud facile credat, qui rerum naturam ipsa spe-
cie, non uiribus metiatur. Vt enim corporum quæ ori-
untur & intereunt, uilissima tenuissimæque uidentur
initia: ita rerum æternarum & admirabilium, quibus
nobilissimæ artes continentur, elementa ad speciem
sunt exilia, ad uires & facultatē quāmaxima. Quis
non uidet ex fici tantulo grano, ut ait Tullius, aut ex
acino uinacco, aut ex cæterarum frugum aut stirpium
minutissimis seminibus tantos truncos ramosq; pro-
creari? Nam Mathematicorum initia illa quidem dictu
audituq; perexigua, quantā thewrematum syluam non

P R A E F A T I O.

bis pepererunt. Ex quo intelligi potest, ut in ipsis se-
 minibus, sic & in artium principiis inesse uim earum
 rerum, quæ ex his progignuntur. Præclarè igitur Ari-
 stoteles, ut alia permulta, μεγιστον ἴσως ἀρχὴ παντὸς,
 καὶ ὅσα κράτιστον τῇ διανοίᾳ, τοσοῦτον μικρότατον
 ὂν δὲ μετὰ χαλεπὸν ἔστιν ὁφθαλμῷ. Quocirca com-
 mittendum non est, ut non bene prouisa & diligenter
 explorata sciētiarum principia, quibus propositarum
 quarumq; rerum ueritas sit demonstranda, uel consti-
 tuas, uel constituta approbes. Cauendum etiam, ut ne
 tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatione
 turpiter deceptus, à uera principiorum ratione temerè
 deflectas. Nam qui initio fortè aberrauerit, is ut tandè
 in maximis uersetur erroribus necesse est: cum ex uno
 erroris capite, densiores sensim tenebræ rebus clarissi-
 mis obducantur. Quid tam uarias ueterum physiolo-
 gorum sententias, non modò cum rerum ueritate pu-
 gnantes, sed uehementer etiam inter se dissentientes no-
 bis inuexit? Equidem haud scio fueritne ulla potior
 tanti dissidij causa, quàm quòd ex principiis partim fal-
 sis partim non consentaneis ductas rationes probando
 adhiberent. Fit enim plerunque, ut qui non rectè de ar-
 tium rerumq; elementis sentiunt, ad præfinitas quasdā
 opiniones suas omnia reuocare studeant. Pythagorci,
 ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri summam
 perfectionem celo tribuerent, nec plures tamen quàm
ΠΟΛΥΤΗ

P R A E F A T I O.

nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt
 terra aduersam, quā ἀντίχθονα appellarunt. Illi enim
 uniuersitatis rerumq; singularum naturam ex numeris
 seu principijs aestimantes, ea protulerunt quae paruo-
 mētibus congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula
 Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagorae, Anaxi-
 mandri, & reliquorum id genus physiologorum so-
 mnia, ex falsis illa quidem orta naturae principijs, sed
 ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens
 praetereo. Nonnullos attingam, qui repetitis alijs, uel
 aliter ac decuit positis rerum initijs, cum in physicis
 multa turbauerunt, tum Mathematicos oppugnatione
 principiorum pessimè mulctarunt. Ex planis figuris
 corpora constituit Timaeus: Geometrarum hic quidem
 principia cuniculis oppugnantur. Nam & superficies
 seu extremitates crassitudinem habebunt, & lineae la-
 titudinem: denique puncta non erunt indiuidua, sed li-
 nearum partes. Praedicant Democritus atque Leucip-
 pus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Conce-
 dit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines.
 Hic uerò Geometriae fundamenta aperte petuntur, &
 funditus euertuntur: quibus dirutis nihil e quidem ali-
 ud uidetur restare, quàm ut amplissima Mathematico-
 rum theatra repente concidant. Iaccebunt ergo, si dijs
 placet, tot praeciosa Geometrarum de asymmetris &
 alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causae

P R A E F A T I O.

dicat cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam uerò metiri non queat? Siquidem quod minimum in unoquoque genere reperitur, id cōmunis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quae ex falsis eiusmodi decretis absurda cōsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid uaria *Ψευδογραφημάτων* genera commemorem, quae ex hoc uno fonte tam longè lateq; diffusa fluxisse uidentur? Notissimus est Antiphōtis tetragonismus, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cum rectae lineae curuam posuit aequalem. Longum esset mihi singula per censere, praesertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, *σπᾶδας τὸν ὁπῶς ὁρίσδῳσι καλῶς αἱ ἀρχαί. μετὰ δὲ γὰρ ἔχουσι ῥοπήν πρὸς ἐπὶ ὁδόν.* Nam principijs illa congruere debent, quae sequuntur. Quòd si tantum perspicitur in istis exilioribus Geometriae initijs, quae puncto, linea, superficie definiuntur, momētum, ut ne haec quidē sine summo impēdētis ruinae periculo conuelli aut oppugnari possint: quanta quæso uis putanda est huius *σοιχεώσεως*, quā collatis tot praestātissimorum artificum inuētis, mira quadā ordinis solertia contexuit Euclides, uniuerse Matheseos elemēta cōplexu suo coërcentē? Ut igitur omnib; rebus instructior & paratior quisq; ad hoc studium libētius

acce-

P R A E F A T I O.

dat, & singula uel minutissima exactius secum reputet atque perdiscat, operæ precium censui in primo institutionis aditu uestibuloque præcipua quedam capita, quibus tota ferè Mathematica scientiæ ratio intelligatur, breuiter explicare: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligenter persequi: Euclidis denique in extruenda hac $\sigma\omicron\upsilon\chi\eta\acute{\omega}\varsigma$ consilium sedulo ac fideliter exponere. Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimum ducta fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò ingenuum animi candorem ad legendam attulerit. Ac de Mathematica diuisione primum dicamus.

Mathematica in primis scientiæ studiosos fuisse Pythagoreos, nō modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor uniuersum distribuatur Mathematica scientiæ genus, quarum duas $\pi\epsilon\acute{\rho}\iota\ \tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$, reliquas $\pi\epsilon\acute{\rho}\iota\ \tau\omicron\ \pi\alpha\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ uersari statuerunt. Nam & $\tau\omicron\ \pi\omicron\sigma\omicron\nu$ uel sine ulla comparatione ipsam per se cognosci, uel certa quadam ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc uersari Musica: & $\tau\omicron\ \pi\alpha\lambda\acute{\iota}\chi\omicron\nu$ partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriæ propositum esse: quod uerò sua sponte motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quòd in utroque quanti genere ceruitur, idcirco inanem uideri (si quidem non solon magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis

P R A E F A T I O.

accretio infinite progredi potest) meminisse decet, τὸ
πελίκον καὶ τὸ ποσόν, quae subiecto Mathematicae gene-
ri imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscum-
que modi quantitatem significare, sed eā demum, qua
tum multitudine tum magnitudine sit definita, et suis
circumscripta terminis. Quis enim ullam infiniti scien-
tiam defendat? Hoc scitum est, quod non semel docet
Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidem comple-
cti quenquam posse. Itaque ex infinita multitudinis
et magnitudinis διαβάμει, finitam haec scientia decer-
pit et amplectitur naturam, quam tractet, et in qua
uersetur. Nam de uulgarī Geometrarum consuetudine
quid sentiendum sit, cum data interdum magnitudine
infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis
subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristo-
teles, οὐδὲ νῦν (de Mathematicis loquens) δέοντα τοῦ
ἀπείρου, οὐδὲ χρῶνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι δολερὰ ἐν βού-
λωνται. περὶ τὴν ἀσμένειαν. Quamobrem disputatio eā
qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis ra-
tionibusq; non aduersatur, nec eorum apodixes labefa-
cit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod
exitu nullo peragrari possit, nec talem ponunt infini-
tam magnitudinem: sed quantamcunque uelit aliquis
effingere, ea ut suppetat, infinitam praecipunt. Quin-
etiam non modò immensa magnitudine opus non ha-
bent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum instar
maxima

P R A E F A T I O.

maxima minima quaeque in partes totidem pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicae diuisionem attulit Geminus, uir (quantum ex Proclo conijcere licet) μαθηματικῶν laude clarissimus. Eam, quae superiore plenior & accuratior forte uisa est, cum doctissimè pertractarit sua in decimum Euclidis praefatione P. Montaneus uir senatorius, & regiae bibliothecae praefectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum uelut summis generibus, τῶν νοητῶν & τῶν αἰσθητῶν, quae res sub intelligentiam cadunt, Arithmeticae & Geometriae attribuit Geminus: quae uerò in sensus incurrunt, Astrologiae, Musicae, Supputatrici, Opticae, Geodesiae & Mechanicae adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectasse uidetur Aristoteles, cum Astrologiam, Opticam, harmonicam φυσικῶν τε καὶ τῶν μαθηματικῶν nominat, ut quae naturalibus & Mathematicis interiectae sint, ac uelut ex utrisque mixtae disciplinae: Siquidem genera subiecta à Physicis mutuuntur, causas uerò in demonstrationibus ex superiore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristoteles ipse apertissimè testatur, εἰσαυδα γὰρ φησὶ. τὸ μὲν δὲ, τῶν αἰσθητῶν αἰδέσθαι, τὸ δὲ διόλου, τῶν μαθηματικῶν. Sequitur, ut quid Mathematicae conueniat cum Physica & prima Philosophia: quid ipsa ab utraque differat, paucis ostendamus. Illud quidem omnium commune est, quòd in uerbis contemplatione sunt posita, ob idq; θεωρητικὰ à Γρα

P R A E F A T I O.

cis dicuntur. Nam cum διάνοια siue ratio & mens om-
 nis sit uel τῶν ἀκινήτων, uel ποικίλων, uel θεωρητικῶν, toti-
 dem scientiarum sint genera necesse est. Quòd si Phy-
 sica, Mathematica, & prima Philosophia, nec in
 agendo, nec in efficiendo sunt occupatae, hoc certè per-
 spiciuum est, eas omnes in cognitione contemplatione
 que necessario uersari. Cum enim rerum non modò a-
 gendarum, sed etiam efficiendarum principia in agen-
 te uel efficiente cōsistant, illarum quidem ποικίλων,
 harum autem uel mens, uel ars, uel uis quaedam & facul-
 tas: rerum profectò naturalium, Mathematicarum, at-
 que diuinarum principia in rebus ipsis, non in philoso-
 phis inclusa latent. Atque hæc una in omnes ualet ra-
 tio, quæ θεωρητικὰς esse colligat. Iam uerò Mathema-
 tica separatim cum Physica cōgruit, quòd utraque uer-
 satur in cognitione formarum corpori naturali inhæ-
 rentium. Nā Mathematicus plana, solida, lōgitudines
 & puncta contēplatur, quæ omnia in corpore naturali
 à naturali quoq; philosopho tractantur. Mathematica
 itē & prima philosophia hoc inter se propriè cōueni-
 unt, quòd cognitionē utraque persequitur formarum,
 quoad immobiles, & à cōcretionē materiæ sunt liberae.
 Nam tametsi Mathematicæ formæ re uera per se non
 cohærent, cogitatione tamen à materia & motu sepa-
 rantur, οὐδὲ γίνονται ψεύδος χωρίζοντες, ut ait Aristo-
 teles. De cognatione & societate breuiter diximus. Iam
quid

P R A E F A T I O.

quid intersit, uidcamus. Vnaqueque mathematicarum certum quoddam rerum genus propositum habet, in quo uersetur, ut Geometria quantitatem & continuationem aliorum in unam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumq; quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem philosophia, cum sit omnium communis, uniuersum Entis genus, quaeq; ei accidunt & conueniunt hoc ipso quòd est, considerat. Ad haec, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quae quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamq; causam & à physicius dici consueuit. Sed Prima philosophia in ijs uersatur, quae & seiuncta, & aeterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Ceterum Physica & Mathematica quanquam subiecto discrepare non uidentur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, unde dissimilitudo quoque scientiarum sequitur. Etenim mathematicae species nihil re uera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem consecratur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensa sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quaecumque in Mathematicis incommoditates accidunt,

sedem

P R A E F A T I O.

eadem etiam in naturalibus rebus uideantur accidere,
 non autem uicissim. Multa enim in naturalibus sequun-
 tur incommoda, quæ nihil ad Mathematicum attinent,
 διὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν δὲ ἀφαιρέτως λε-
 γεσθαι, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσδέσεως.
 Siquidem res cum materia deuinctas cōtemplatur phy-
 sicius: Mathematicus uerò rem cognoscit circumscriptis
 ijs omnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, leui-
 tate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, a-
 lijsq; contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta
 sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continu-
 um. Itaque Mathematicorum ars in ijs quæ immobilia
 sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνε-
 κινήτως εἶναι, ἐξω τῶν περὶ τὴν ἀστρολογίαν) quæ uerò
 in natura obscuritate posita est, res quidem quæ nec
 separari nec motu uacare possunt contemplatur. Id
 quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse po-
 test, siue res subiectas definias, siue proprietates ear-
 um demonstras. Etenim numerus, linea, figura, rectum,
 inflexum, æquale, rotundum, uniuersa denique Mathe-
 maticus quæ tractat & profitetur, absque motu expli-
 cari doceriq; possunt: χωρὶς δὲ γὰρ τῆ νοήσεως κινήσεως
 εἶναι. Physicæ autem sine motione species nequaquam
 possunt intelligi. Quis enim hominis, plantæ, ignis,
 ossium, carnis naturam & proprietates sine motu qui
 materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper sub-
 stantia

P R A E F A T I O.

stantia quaeque naturalis cōstare dici solet, quoad opus
 & minus suum, agendo patiendōq; tueri ac sustinere
 ualeat: quae certè amissa $\delta\omega\delta\alpha\mu\delta$, ne nomē quidem nisi
 $\delta\mu\omega\delta\mu\omega\delta$ retinet. Sed Mathematico ad explicandas
 circuli aut trianguli proprietates, nullum adferre po-
 test usum, materiae ut auri, ligni, ferri, in qua insunt,
 consideratio: quin eò uerius eiusmodi rerum, quarum
 species tanquam materia uacantes efformemus animo,
 naturam complectemur, quod coniunctione materiae
 quasi adulterari deprauariq; uidentur. Quocirca Ma-
 thematicae species eodem modo quo $\kappa\alpha\iota\lambda\omicron\nu$, siue conca-
 uitas, sine motu & subiecto, definitione explicari con-
 gnosciq; possunt: naturales uerò cum eam uim habeāt,
 quam, ut ita dicam, similitas, cum materia comprehensa
 sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus
 exemplis quid inter Physicas & Mathematicas spe-
 cies intersit, haud difficile est animaduertere. Illis cer-
 tē non semel est usus Aristoteles. Valcant ergo Prota-
 gorae sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, &
 circulus normam puncto non attingat. Nā diuina Geo-
 metrarum thewemata qui sensu aestimabit, uix quicq;
 reperiet quod Geometrae cōcedendum uideatur. Quid
 enim ex his quae sensum mouent, ita rectum aut rotun-
 dum dici potest, ut à Geometra ponitur? Nec uerò ab-
 surdum est aut uitiosum, quod lineas in puluere descri-
 ptas pro rectis aut rotundis assumit, quae nec rectae
 sunt

P R A E F A T I O.

Sunt nec rotundæ, ac ne latitudinis quidem expertes. Siquidem non ijs utitur geometra quasi inde uim habeat conclusio, sed eorum quæ discenti intelligenda relinquuntur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui primum instituuntur, hi ductu quodam & uelut $\chi\lambda\sigma\alpha\gamma\omega\gamma\iota\alpha$ sensuum opus habent, ut ad illa quæ sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi comparare queant. Sed tamen existimandum non est rebus Mathematicis omnino negari materiam, ac non eam tantum quæ sensum afficit. Est enim materia alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo & ratione intelligitur. Illam $\alpha\sigma\theta\epsilon\tau\acute{\iota}\kappa\eta\nu$, hanc $\nu\omicron\tau\eta\nu$ uocat Aristoteles. Sensu percipitur, ut æs, ut lingnum, omniq; materia quæ moueri potest. Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sensilibus inest, sed non quatenus sensu percipiuntur, quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Aristotele scriptum legimus $\epsilon\pi\iota\ \tau\omega\nu\ \epsilon\tau\ \acute{\alpha}\phi\alpha\epsilon\tau\omicron\varsigma\ \delta\epsilon\iota\lambda\omega\nu$ rectum se habere ut simum: $\mu\epsilon\tau\alpha\ \sigma\omega\mu\epsilon\chi\omicron\upsilon\varsigma\ \gamma\alpha\rho$: quæ si uelit ipsius recti, quod Mathematicorum est, suam esse materiam, non minus quàm simi quod ad Physicos pertinet. Nam licet res Mathematicæ sensili uacent materia, non sunt tamen indiuiduæ, sed propter continuationem partitioni semper obnoxia, cuius ratione dici possunt sua materia non omnino carere: quoniam aliud uidetur $\tau\omicron\ \epsilon\iota\nu\alpha\iota\ \gamma\epsilon\alpha\mu\mu\eta$, aliud quoad continuationem adiuncta intelligitur $\lambda\iota\gamma\epsilon\alpha$. Illud enim ceu forma in materia

P R A E F A T I O.

Materia, proprietatum causa est, quas sine materia percipere non licet. Hæc est societas & disidij Mathematicæ cum Physicæ & prima Philosophia ratio. Nunc autē de nominis etymo & notatione pauca quedam asseramus. Nam si quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus nomina, ea certè non temere indita fuisse credendum est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque otiosa semper haberi debet ista etymologie indagatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non parum ualeat recta nominis interpretatio. Sic enim Aristoteles ducto ex uerborum ratione argumento, ἀντιμάτῃ, μεταβολῇ, αἰθέρος, aliarumq; rerum naturam ex parte cōfirmavit. Quoniā igitur Pythagoras Mathematicā scientiā nō modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite principijs, geometricam contemplationem in liberalis disciplinæ formam composuit, & perspectis absque materia, solius intelligētiæ adminiculo theorematibus, tractationem περὶ τῶν ἀλόγων, ἑκασμικῶν σχημάτων constitutionem excogitauit: credibile est, Pythagorā, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic scientiæ id nomē dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerumq; propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cum existimarēt illi omnē disciplinā, quæ μαθησις dicitur, ἀνάμνησις esse quandā. i. recordationē & repetitionē eius sciētiæ, cuius antè quā in corpus

inmi

P R A E F A T I O.

immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menone, Phaedone, & alijs aliquot locis uidetur astruxisse: animaduertent autem eiusmodi recordationem, quae non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientijs demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ἐπὶ τὰ διαγνώματα ἀγὰ: probabile est equidem Mathematicas à Pythagoreis artes κατ' ἄρχην fuisse nominatas, ut ex quibus μάθησις, id est eternarum in animarum rationum recordatio διαπεσόντως, & praecipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menone Socratē induxit hoc argumēti genere persuadere cupientem, discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius rationum animū recordari. Et enim Socrates pusionē quendā, ut Tullij uerbis utar, interrogat de geometrica dimensione quadrati: ad eū sic ille respondet ut puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, ut gradatim respondens, eodem perueniat, quò si geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, ut est apud Rhodiginum, quòd cū ceterae disciplinae deprehendi uel nō docēte aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem ueniant, nisi praecunte aliquo, cuius solertia succidantur uepretae, uel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Itaque enim Caelius: quod quum uim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos

P R A E F A T I O.

maticos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multipliciq; ac subtili uersari scribit. sed quis nescit id ipsum cum alijs grauioribus scientijs esse commune? Est enim, uel eodem auctore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaq; est & in ipsis rebus obscuritas, & in iudicijs nostris infirmitas: nec ullus est, modò interius paulò Physica penetrarit, qui non facillè sit expertus, quàm multi undique emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expendendum fuerit. Quocirca primam uerbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Haftenus de uniuerso Mathematicæ genere, quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea differam, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ uersatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionum, quæ in illis cernuntur ac inhaerent: ipsa quidem progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, uariasq; ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi mo-

β mentis

P R A E F A T I O.

mentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & contemplatur: causis & principijs, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quae de genere subiecto per se enunciantur: Geometriae quidē subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circulis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earūque extremitatibus consistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, aequalitates, παραβολαί, ὑπερβολαί, ὑμειψις, atque alia generis eiusdem propē innumerabilia. Postulata uerò & Axiomata ex quibus haec inesse demonstrantur, eiusmodi ferē sunt: Quouis cētro & interuallo circulum describere. Si ab equalibus equalia detrahas, quae relinquuntur esse equalia, ceteraq; id genus pmulta, quae licet omnium sint cōmunia, ad demonstrandum tamen tum sunt accōmodata, cū ad certum quoddā genus traducuntur. Sed cū praecipua uideatur Arithmetica & Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit ἀκριβέστερα & exactior quā Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic uerò & Aristotelem sequemur duccem, qui scientiam cum scientia ita cōparat, ut accuratior in esse uelit eam, quae rei causam docet, quā quae rē esse tātū declarat: deinde quae in rebus sub intelligentiam cadentibus uersatur, quā quae in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica
quā

P R A E F A T I O.

quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremo quæ ex simplicioribus initijs constat, quàm quæ aliqua adiectione compositis utitur. Atque hæc quidem ratione Geometria præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas uerò punctum est quod situ uacat. Ex quo percipitur, numerorum quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse priores, & à concretionem materie magis disunctos. Hæc quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum ubertate multiplici uel cum Arithmetica certet: id quod tunc facile deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respuit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmetica & Geometria societas, uideamus. Nam theorematum quæ demonstratione illustratur, quedam sunt utriusque sciëntiæ communia, quedam uerò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit $\pi\alpha\rho\varsigma$ sive rationalis, Arithmetica soli conuenit, nequaquam Geometriae, in qua sunt etiam $\alpha\pi\rho\iota\tau\iota$ seu irrationales proportioncs: item, quadratorum $\gamma\nu\omega\mu\omicron\nu\alpha\varsigma$ minimo definitos esse, Arithmetica proprium (si quidem

P R A E F A T I O.

in Geometria nihil tale minimum esse potest) sed ad Geometriam propriè spectant situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuis admittuntur: ἀλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam τὸ ἀλογον esse solet. Communia porro utriusque sunt illa, quæ ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quòd sectio per extremam & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam uerò ex theorematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmeticam traducuntur: alia contra ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quedam uerò perinde utrique scientiæ conueniunt, ut quæ ex uniuerſa arte Mathematica in utranque harum conueniant. Nam & alternatio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo cōmunia sunt utriusque. Quæ autem sunt τὰ ἐν σὺμμετρῶν, id est, de commensurabilibus, Arithmetica quidem primū cognoscit & contemplatur: secundo loco Geometria Arithmeticam imitata. Quare & commensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationem inter se habent quā numerus ad numerum, perinde quasi commensuratio & σὺμμετρία in numeris primū consistat (Vbi enim numerus, ibi & σὺμμετρῶν cernitur: & ubi σὺμμετρῶν, illic etiam numerus) sed quæ triangulorum sunt & quadrangulorum, à
Geometria

P R A E F A T I O.

Geometra primum considerantur; tum analogia quasdam Arithmeticus eadem illa in numeris contemplatur. De Geometriae diuisione hoc adiiciendum puto, quod Geometria pars altera in planis figuris cernitur, quae solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera uero solidas contemplatur, quae ad duplex illud interuallum crassitudinem adsciscunt. Illa generali Geometriae nomine ueteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, et Stereometriam cum Mechanica non raro comparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis anteceffit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem aetate ullam fuisse omnino uerum est, quemadmodum à Platone scriptum uidetur. Ad Geometriae utilitatem accedo, quae quanquam suapte ui et dignitate ipsa per se nititur, nullius usus aut actionis ministerio mancipata (ut de Mathematicis omnibus scientijs concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen utilitatis externae quaeritur, Dij boni quàm letos, quàm uberes, quàm uarios fructus fundit? Nec uerò audiendus est uel Aristippus, uel Sophistarum alius, qui Mathematicorum artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere uideantur, cuiusq; quod melius aut deterius nullam habeant rationem. Vt enim nihil cause dicas, cur sit melius, trianguli, uerbi gratia, tres angulos duobus efferectis

ß 3 *equales*

P R A E F A T I O.

*æquales: minimè tamen fuerit consentaneum, Geometria cognitionem ut inutilem exagitare, criminari, explodere, quasi que finè & bonum quò referatur, habeat nullum. Multas haud dubiè solius contemplationis beneficio citra materiae contagionè adfert Geometria cõmoditates partim proprias, partim cum uniuerso genere cõmunes. Cum enim Geometria, ut scripsit Plato, eius quod semper est cognitionè profiteatur, ad ueritatem excitabit illa quidem animum, & ad ritè philosophandum cuiusque mentem comparabit, Quinctiam ad disciplinas omnes facilius perdiscèdas, attigeris necne Geometriam, quanti referre cèses? Nā ubi cum materia cõiungitur, nonne præstātissimas procreat artes, Geodesiā, Mechanicā, Opticam, quarum omnium usu, mortalium uitā summis beneficijs cõplectitur? Etenim bellica instrumenta, urbiumque propugnacula, quibus munitæ urbes, hostium uim propulserent, his adiutricibus fabricata est: montium ambitus & altitudines, locorumque situs nobis indicauit: diuiniendorum & mari & terra itinerum rationè præscripsit: trutinas & stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, composuit: uniuersi ordinem simulachris expressit: multa que hominum fidem superarent, omnibus persuasit. Vbi que extant præclara in eam rem testimonia. Illud memorabile, quòd Archimedi rex Hiero tribuit. Nam extru-
cto uasta*

P R A E F A T I O.

Sto uaste molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum regi Ptolemaeo mitteret, cum uniuerſa Syracuſanorum multitudo collectis ſimul uiribus nauem trahere non poſſet, effeciſſetque Archimedes ut ſolus Hiero illam ſubduceret, admiratus uiri ſcientiam rex ἀπὸ ταύτης, ἐφη, τὴς ἡμέρας, περὶ παντὸς ἀρχιμὲδὲ λέγειν πλεονέχον. Quid? quòd Archimedes idem, ut eſt apud Plutarhū, Hieroni ſcripſit datis uiribus datam pondus moueri poſſe? fretuſq; demonſtrationis robore, illud ſepe iactarit, ſi terram haberet alteram ubi pedem figeret, ad eam, noſtram hanc ſe tranſmouere poſſe? Quid uaria αὐτομάτων machinarionque genera, ad uſus neceſſarios comparata memorem? Ita numerabilia profeſſò ſunt illa, & admiratiōe digniſſima, quibus priſci homines incredibili quodā ad philoſophandum ſtudio concitati, inopem mortalium uſtam artis huius praſidio ſubleuarunt: tametſi memoria ſit proditum, Platonem Eudoxo & Archyte uicio uertiſſe, quòd Geometrica problemata ad ſenſilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometriae praſtantiam, quae ab intelligibilibus & incorporeis rebus ad ſenſiles & corporeas prolaberetur. Quapropter ridicula idē ſcripſit Plato Geometrarum eſſe uocabula, quae quaſi ad opus & actionem ſpectent, ita ſonare uidentur. Quid enim eſt quadrare, ſi non opus facere? Quid

B

4

addere,

P R A E F A T I O.

addere, producere, applicare? Multa quidem sunt eius
 modi nomina, quibus necessario & tanquam coacti
 geometrae utuntur, quippe cum alia desint in hoc ge-
 nere commodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristote-
 les, sic denique philosophi omnes, Geometriam ipsam
 cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo usu ex-
 terno, sed ex rerum rationis intelligentia estimandam
 esse. Exposita brevius quam res tanta dici possit, utili-
 tatis ratione, Geometriae ortum, qui in hac rerum pe-
 riodo ex historicorum monumentis nobis est cogni-
 tus, deinceps aperiamus. Geometria apud Aegyptios
 inuenta, (ne ab Adamo, Setho, Noah, quos cogniti-
 one rerum multiplici ualuisse constat, eam repetamus)
 ex terrarum dimensione, ut uerbi prae se fert ratio, or-
 tum habuisse dicitur: cum anniuersaria Nili inunda-
 tione & incrementis limo obducti agrorum termini
 confunderentur. Geometriam enim, sicut & reliquas
 disciplinas, in usu quam in arte prius fuisse aiunt.
 Quod sane mirum uideri non debet, ut & huius &
 aliarum scientiarum inuentio ab usu coeperit ac neces-
 sitate. Etenim tempus, rerum usus, ipsa necessitas in-
 genium excitat, & iguauiam acuit. Deinde quicquid
 ortum habuit (ut tradunt Physici) ab inchoato & im-
 perfecto processit ad perfectum. Sic artium & sci-
 entiarum principia experientiae beneficio collecta
 sunt: experientia uero à memoria fluxit, quae & ipsa
 à sensu

P R A E F A T I O

à sensu primian manauit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad uitam necessarijs, in Aegypto fuisse constitutas, quod ibi sacerdotes omnium concessu in otio degeret, non negat ille adductos necessitate homines ad exco- gitandam, uerbi gratia, terrae dimetiendae rationem, quae theorematum deinde inuestigationi causam ded- derit: sed hoc confirmat, praeclara eiusmodi theore- matum inuenta, quibus extructa Geometriae disci- plina constat, ad usus uitae necessarios ab illis non esse ex- petita. Itaque uetus ipsum Geometriae nomen ab illa terrae partiunde finiumque regundorum ratione poste- earecessit, et in certa quadam affectionum magnitu- dini per se inherentium scientia propriè remansit. Quemadmodum igitur in mercium et contractuum gratiam, supputandi ratio, quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phoenicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea quam commemorauit causa ortum habuit Geometria. Hanc certè, ut id obi- ter dicam, Thales in Graciam ex Aegypto primum transfulit: cui non pauca deinceps à Pythagora, Hip- pocrate Chio, Platone, Archyta Tarentino, alijsque compluribus, ad Euclidis tempora factae sunt rerum magnarum accessiones. Ceterum à Euclidis etate id solum addam, quod à Proclo memoriae mandatum ac- cepimus. Is enim commemoratis aliquot Platonis tum

P R A E F A T I O.

equalibus tunc discipulis, subijcit, non multò etate po-
 steriorem illis fuisse Euclidem cum, qui Elementa cõ-
 scripsit, et multa ab Eudoxo collecta, in ordinem lu-
 culentum cõposuit, multaque à Theateto inchoata
 perfecit, quæq; mollius ab alijs demonstrata fuerat;
 ad firmissimas et certissimas apodixes reuocauit. Vi-
 xit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Etenim fe-
 runt Euclidẽ à Ptolemæo quondã interrogatum, num-
 qua esset uia ad Geometriã magis cõpendiaria, quàm
 sit ista σοφιστικὴ, respondisse, μὴ εἶναι βασιλικὴν
 ἀλλὰ σαπὸντινὴν γινώμεσθαι. Deinde subiungit, Euclidẽ
 natu quidem esse minorem Platone, maiorem uerò
 Eratosthene et Archimede (hi enim æquales erant),
 cum Archimedes Euclidis mentionem faciat. Quòd
 si quis egregiam Euclidis laudem, quam cum ex alijs
 scriptionibus accuratissimis, tum ex hac Geometrica
 σοφιστικῇ cõsequutus est, in qua diuinus rerum ordo
 sapientissimis quibusque hominibus magnæ semper
 admirationi fuit, is Proclum studiosè legat, quò rei ue-
 ritatẽ illustriorẽ reddat grauissimi testis auctoritas.
 Superest igitur ut finem uideamus, quò Euclidis ele-
 menta referri, et cuius causa in id studium incumbere
 oporteat. Et quidem si res quæ tractantur, consyde-
 res: in tota hac tractatione nihil aliud queri dixeris,
 quàm ut κοσμίαν quæ uocatur, σχήματα (fuit enim
 Euclides professione ex instituto Platonius). Cubus,
 ἰcosaῖδρον, ὀκταῖδρον, Pyramis et Δωδεκαῖδρον

P R A E F A T I O.

certa quadam suorum & inter se laterum, & ad sphaerae diametrum ratione eidem sphaerae inscripta comprehendantur. Huc enim pertinet Epigrammation illud uetus, quod in Geometrica Michaelis Pselli συνόλη scriptum legitur.

Σχήματα πῶντι Πλάτωνος, ἃ Πυθαγόρας ἑρῶς
ἔωρε,

Πυθαγόρας σοφὸς ἔωρε, Πλάτων δὲ ἀγῖδ' ἰδί-
δαξεν,

Εὐκλείδης ἐπὶ τοῖσι κτίος περιχαλὲς ἔτευξεν.

Quòd si discantis institutionem spectes, illud certè fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discantis animus, ad quālibet nō modò Geometriae, sed & aliarum Mathematicarum partium tractationem idoneus paratúsque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra uendicare uidetur, & tanquam in possessionem suam uenerit, alios excludere posse: inde tamē per multa suo quodāmodo iure decerpit Arithmeticus, pleraque Musicus, non pauca detrahit Astrologus, Opticus, Logisticus, Mechanicus, itēque ceteri: nec ullus est denique artifex praeclarus, qui in huius se possessionis societate cupide non offerat, partēque sibi concedi postulet. Hinc σοιχειώσις absolutum operi nomen, & σοιχειωτὴς dictus Euclides. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiose

Ως ἐν ἑκ

P R A E F A T I O.

Et eruditè scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem
 dixi, loco P. Montaurcus, ut nihil desiderio loci reli-
 querit. Quæ uerò ad dicendum nobis erant propo-
 sita, hætenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi
 perfecisse uideor. Nam tametsi & hæc eadem & alia
 pleraque multo fortè præclariora ab hominibus do-
 ctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili
 quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius,
 splendidius, uberiùs tractari posse scio: tamen expe-
 riri libuit num quid etiam nobis diuino sit concessum
 munere, quod rudes in hac philosophiæ parte discipu-
 los adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit
 quòd ista recens elementorum editio, in qua nihil nõ
 parum fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare uide-
 batur, quod eius commendationem adaugeret. Cum
 enim uir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarum
 artium in hac Parrhisiorum Academia professor
 uerè regius, nostrum hunc typographum in excuden-
 dis Mathematicorum libris diligentissimum, ad hanc
 Elementorum editionem sepè & multum esset ad-
 hortatus, eiusq; impulsu permulta sibi iam compa-
 rasset typographus ad hanc rem necessaria, citò in-
 teruenit, malum, Ioannis Magnieni mors inſperata,
 quæ tam graue infixit Academiæ uulnus, cui ne post
 multos quidem annorum circuitus cicatrix obduci
 alla posse uideatur. Quamobrem amisso instituti hu-
ius

P R A E F A T I O.

ius operis duce, typographus, qui nec sumptus antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id munus erat pollicitus, sua spe cadere uellet, ad me uenit, & impense rogauit ut meam propositæ editioni operam & studium nauarem. quod cum denegaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: feci equidem rogatus, ut quæ subobscuræ uel parum commodè in sermonem latinum è græco translata uidebantur, clariore, aptiore & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque pace dictum uolo) lucem acciperent. Id quod in omnibus serè libris posterioribus tunc primo obtutu perspicias. Nam in sex prioribus non tantum temporis quantum in cæteris ponere nobis licuit: decimi autem interpretatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Montaureo solida debetur. Atque ut ad perspicuitatem facilitatemq; nihil tibi deesse queraris, adscripta sunt propositionibus singulis uel lineares figurae, uel punctorum tanquam unitatum notulae, quæ Theonis apodixin illustrent: illæ quidem magnitudinum, hæ autem numerorum indices, subscriptis etiã ciphrarum, ut uocant, characteribus, qui propositum quemuis numerum exprimant: ob eamq; causam eiusmodi unitatum notulae, quæ pro numeri amplitudine maius paginæ spatium occuparent, pauciores sæpius depictæ sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarum, ut a, b, c, characteres non modo numeris & numero-

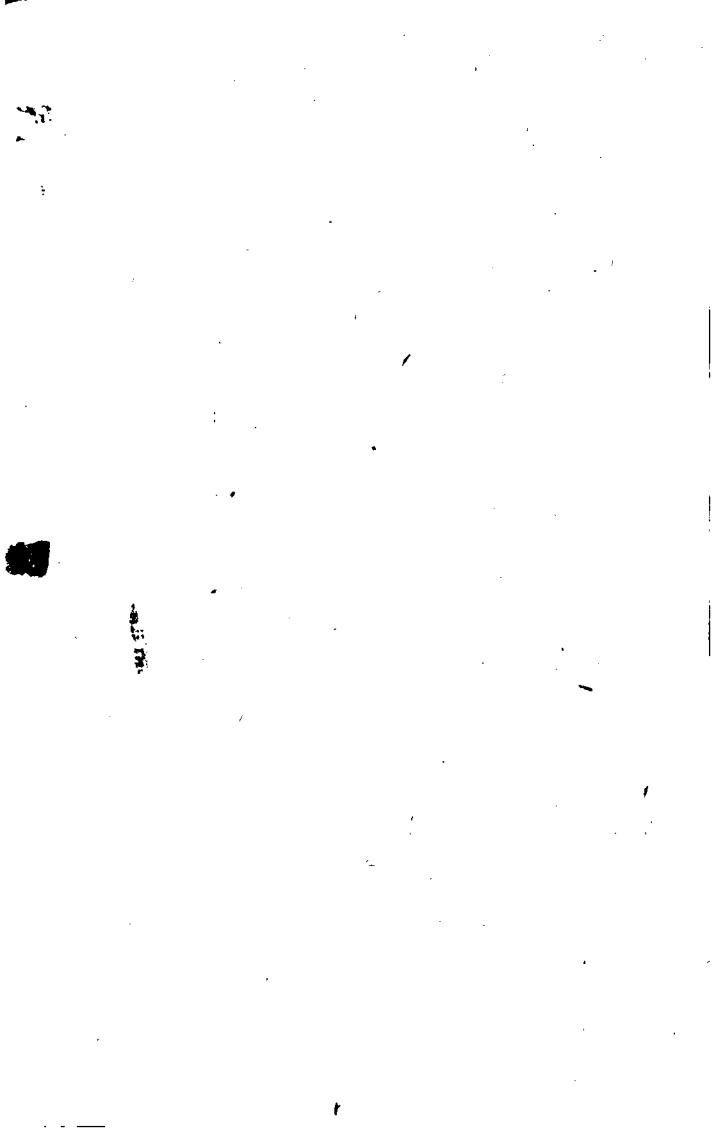
P R A E F A T I O.

rum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiā
generales esse nomenclationem ut magnitudinum affectiones
testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis
non poenitenda Theonis scholia, siue maius lemmata,
quae quidem longè plura accessissent, si plus otij &
temporis uacui nobis fuisset relictum, quod huic
studio impartiremus. Hanc igitur operam
boni consule, & quae obuia erunt im-
pressionis uitia, candidus
emenda. Vale.

Lutetiae 4. Idus April. 1557.

F I N I S.





ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM PRIMVM.

ΟΡΟΙ.

Σ

Ἡμεῖόν ἐστιν, οὗ μέρος οὐθέν.

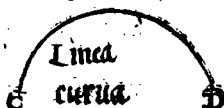
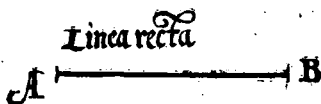
DEFINITIONES.

Punctum est, cuius pars
nulla est.

Punctum

Γραμμὴ ὅ, μήκος ἀπαιτέξ.

Linea verò, longitudo latitudinis expers.



Γραμμῆς ὅ πέρατα σημεῖα.

Linæ autem termini, sunt puncta.

Ἐνδεῖα γραμμὴ ἐστίν, ἥ τις δεξιὸς ἢ ἄρις ἐφ' αὐτὴ ση-
μεῖοις κεῖται.

4 Recta

1 EVCLID. ELEMEN. GEOM.

4

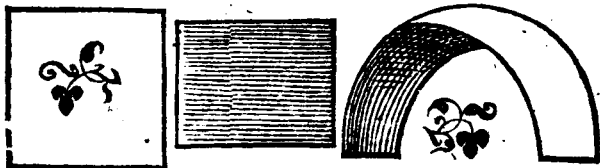
Recta linea est, quæ ex æquo sua interiacet puncta.

2

Επιφάνεια, ἥ ἐστίν. ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

5

Superficies est quæ longitudinem latitudinemque tantum habet.



5

Επιφανείας ἡ πέρατα, γραμμαί.

6

Superficiei extrema, sunt lineæ.

3

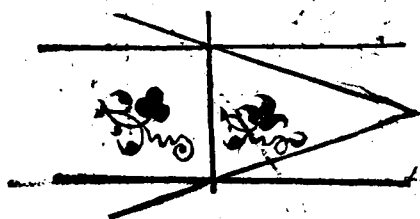
Επίπεδος ὁ επιφανεία, ἐπὶ ἧς ἂν ὀρίσῃται τῆς ἐφ' ἑαυτὴ ἐυθείας κείται.

7

Plana superficies, est quæ ex æquo suas interiacet lineas.

8

Επίπεδος ἡ γωνία ἐστίν, ἡ ἐν ἐπιπέδῳ δύο γραμμῶν ἀπομένων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' ἐυθείας κειμένων, πρὸς



Planus angulus
est duarum li-
nearum in pla-
no se mutuò tā
gentium, & nō
in directum in-
centium, alte-

rius ad alteram inclinatio.

θ

ὅταν ᾖ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν γραμμαί, εὐθεῖαι
ᾧσιν, εὐθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cum autem quæ angulum continent lineæ,
rectæ fuerint, rectilineus ille angulus appel-
latur.

ὅταν ᾖ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα, τὰς ἐφεξῆς γω-
νίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὁρμὴ ὅστιν ἐκατέρα τῶν
ἴσων γωνιῶν: Καὶ ἡ ἐφεξῆς εὐθεῖα κάθετος κα-
λεῖται

EVCLVD: PRIMUM: GEOM.

λείτα ἐφ' ἣν ἐρέσμεν.

10

Cum verò recta linea super rectam consistens lineam, eos qui sunt deinceps angulos æquales inter se fecerit: rectus est uterque æqualium angulorum: & quæ insistit recta linea, perpendicularis vocatur eius cui insistit.



1α

Ἀμβλεία γωνία ἐστὶν ἢ μείζων ὀρθῆς.

11

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

1β

Ὀξεία δὲ ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

12

Acutus verò, qui minor est recto.

1γ

ἄρος ἐστὶν, ὃ τινός ἐστι πέρας.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.

1δ Εχῆ-

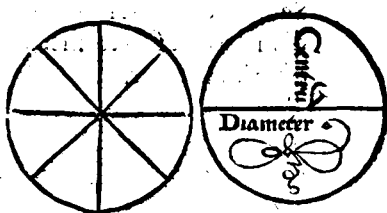


Σχήμα ὅστις, τὸ ὑπὸ τίνος, ἢ τινῶν ὀρων περιεχόμε-
νον.

Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus ter-
minis comprehenditur.

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον, ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς
περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ἣν, ἀφ'
ἑνὸς σημείου τῶν ἐν τῷ σχήματι κειμένων, πᾶ-
σαι αἱ ὡρασπίπσουσι ἐνδεῖαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἶσι.

Circulus est figu-
ra plana sub vna
linea comprehē-
sa, quæ periphe-
ria appellatur: ad
quā ab vno pun-
cto eorum, quæ
intra figuram sunt posita, cadentes omnes
rectæ lineæ inter se sunt æquales.



15

Κέντρον ὃ τοῦ κύκλου, τὸ σημῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli appellatur.

17

Διάμετρος ὃ τοῦ κύκλου ἐστίν, εὐθεῖα ἡς διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη, καὶ περατωμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας, ἥ ἡς καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον.

17

Diameter autem circuli, est recta quædam linea per centrum ducta, & ex utraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circum bifariam secat.

18

ἡμικύκλιον ὃ ἐστίν, τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τοῦ τῆς διαμέτρου, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἀπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur sub diametro, & sub ea lineæ, quæ de circuli peripheria auferitur.



18 Τμήμα

18

Τμήμα κύκλου ἐστὶ τὸ περιεχόμενον ὑπὸ τε εὐθείας,
καὶ κύκλου περιφερείας.

19

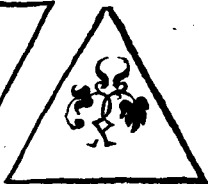
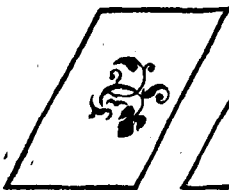
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-
cta linea & circuli peripheria continetur.

κ

Εὐθύγραμμα σχήματα ἔσσι, τὰ ὑπὸ εὐθειῶν περι-
χόμενα.

20

Rectilineæ figuræ, sunt quæ sub rectis lineis
continentur.



κα

Τρίπλευρα μὲν, τὰ ὑπὸ τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

κβ

Τετράπλευρα ἔσσι, τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

Α

4

κγ Πε-

κ γ

Πολύπλευρα ἔσσι, τὰ ὑπὸ πλεόνων ἢ τεσσάρων εὐθύγων περιεχόμενα.

23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm quatuor rectis lineis comprehenduntur,

κ δ

Τῶν δ' ἑξὶ πλευρῶν σχημάτων, ἰσόπλευρον μὲν ἕξ γωνίων ἔστι, τὸ ἑῖς ἰσας ἔχον πλευράς.

24

Tri laterarum porrò figurarum, æquilaterum est triangulum, quod tria latera habet æqualia,

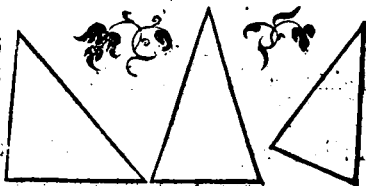


κ ε

Ἰσοσκελὲς ἔστι, τὸ τὰς δύο μόνας ἰσας ἔχον πλευράς.

25

Isoceles autem, est quod duo tantum æqualia habet latera,



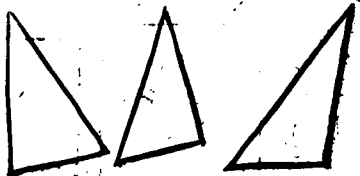
κ ς

Σκαλίωδον ἔστι, τὸ τὰς ἑῖς ἀνίσας ἔχον πλευράς.

LIBER PRIMVS.

26

Scalenum
verò, est
quod tria in-
equalia ha-
bet latera.



κξ

Εἰς τὸ τῶν τριπλεύρων σχημάτων, ὀρθογώνιον μὲν
ᾖ, τὸ ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilatorarum figurarū, rectan-
gulum quidem triangulum est, quod rectū
angulum habet.

κη

Ἀμβλυγώνιον ᾖ, τὸ ἔχον ἀμβλείαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum an-
gulum habet.

κθ

Οξυγώνιον ᾖ, τὸ ἔχον ὀξείαν γωνίαν.

29

Oxygonium verò, quod tres habet acutos
angulos.

λ

Τῶν ᾖ τετραπλεύρων σχημάτων, τετράγωνον μὲν
ᾖ, ὃ ἰσοπλευρόν τε ᾖ, καὶ ὀρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarū, quadra-

Α 5 tum

τὴν qui
de est,
qđ &
æquila
terū &
rectan-
gulū est.



λα

Πτερόμηκες ἔστι, ὃ ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ.

31

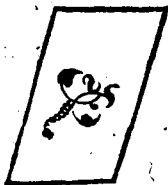
Altera parte longior figura est, quæ rectan-
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος ἔστι, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ.

32

Rhom-
bus au-
tē, qđ æ-
quila-
terū &
rectan-
gulū ē.



λγ

Ῥομβοειδὲς ἔστι, τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γω-
νίας ἰσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ οὐτε ἰσόπλευρόν ἐστιν, οὐ-
τε ὀρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera &
angulos habens inter se æqualia, neq; æqui-
latera est, neq; rectangula.

λδ Τδ

λδ

Τὰ ὅτι παρὰ ταῦτα τετραπλευρα, ῥαπέζια καλεῖσθαι.

34

Præter
has au-
tem, re-
liquæ
quadri-
lateræ



figuræ, trapezia appellantur.

λε

Παράλληλοι εἰσιν ἐυθεῖαι, αἱ ὡς ἐν τῷ αὐτῷ ὅτι-
πέδῳ οὔσαι, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐκ' ἀφ' ἑαυ-
τέρας τὰ μέρη, ἐπὶ μηδετέρᾳ συμπέψουσιν ἀλλή-
λαις.

35

Parallelæ rectæ lineæ sunt
quæ, cùm in eodem sint pla-
no, & ex vtraque parte in in-

finitum producantur, in neutram sibi mu-
tuo incidunt.

Αἰτήματα.

α

Ἡτήσθαι, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον ἐυ-
θεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Postu-

Postulata.

Postuletur, ut à quovis puncto in quodvis punctum, rectam lineam ducere cōcedatur.

β

Καὶ πεπερασμένην εὐθεΐαν, κατὰ τὸ συνεχὲς ἐν εὐθείᾳ ἐκβάλειν.

2

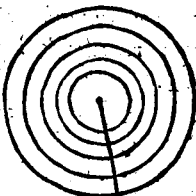
Et rectam lineam terminatam in cōtinuum rectā producere.

γ

Καὶ παντὶ κέντρῳ, καὶ διαστήματι κύκλον γράψασθαι.

3

In quovis centro & in-
teruallo circulum descri-
bere.



Κοινὰ ἔννοιαι.

α

Τὰ τῶ αὐτῶ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις εἰν ἴσα.

Communes notiones.

1

Quæ eidē æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα προσεῖη, τὰ ὅλα εἰν ἴσα.

2 Et

2

Et si ex equalibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἰσῶν ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ κατελειπόμενά ἐστιν ἴσα.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquuntur sunt æqualia.

δ

Καὶ ἐὰν ἀνίσοις ἴσα προσεθῇ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἴσα.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἐστὶν ἄνισα.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

ς

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια, ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

6

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

ζ

Καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση, ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

7 Et

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

η

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶ.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

Καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον ἔστι.

9

Totum est sua parte maius.

ι

Καὶ πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

- I

ια

Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέπησται, τὰς ἐν-
τὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσ-
σονας ποιῇ, ἢ ἐμβαλλόμεναι καὶ δύο αὐταὶ εὐθεῖαι ἐπ'
ἀπειρον, συμπεσόνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

II

Et si in duas rectas lineas altera recta in-
cidens, inter nos ad easdemque partes an-
gulos

gulos duobus rectis minores faciat, duæ illæ rectæ lineæ in infinitum productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

ιβ

Καὶ δύο εὐθείαι, χωρίον οὐ περιέχουσιν.

12

Duæ rectæ lineæ, spatium non comprehendunt.

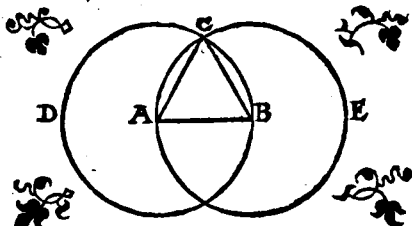
Πρότασις.

α

Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας περιερασμένης, τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema I. Propositio I.

Super
data re
cta li
nea ter
mina
ta, tri
angu
lum æ
quilaterum constituere.



β

Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσῳ ἐκείνῃ διέσθαι.

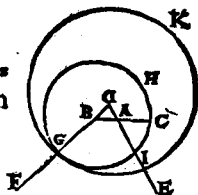
Proa

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Problema 2. Propo-

sitio 2.

Addatum punctum, datæ rectæ lineæ æqualem rectam lineam ponere.



Δύο δοθέντων ευθείων ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσλην ευθεῖαν ἀφελεῖν.

Problema 3. Propo-

sitio 3.

Duabus datis rectis lineis inæqualibus, de maiore æqualem minori rectam lineam detrahere.

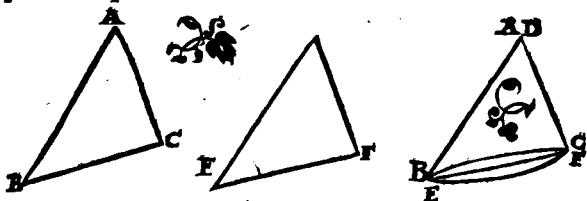


Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τᾶς δυσὶ πλευρᾶς ἴσας ἔχη, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσλην ἔχη τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθείων περιεχόμενλην: καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσλην ἔξει, καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τρίγωνῳ ἴσλην ἔσται, καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι τᾶς λοιπᾶς γωνίαις ἴσλην ἔσονται, ἑκατέρα ἑκατέρα, ὅφ' αἱ αἰσᾶν πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habeant, vtrunque vtriq̃ue, habeat verò & angulum angulo æqualem sub æqualibus rectis lineis contentum: & basi
basi

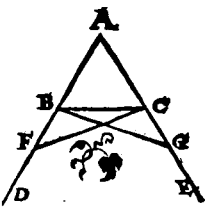
basī æqualem habebunt, eritq; triangulum
triangulo æquale, ac reliqui anguli reliquis
angulis æquales erunt, vterque vtrique, sub
quibus æqualia latera subtenduntur.



Τῶν ἰσοσκελῶν ῥιγῶνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. Καὶ προστεθειμένων τῶν ἴσων
ὑποτεινῶν, αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔ-
σονται.

Theorema 2. Propositio 5.

Isoſcelium triangulorú
qui ad basim sunt angu-
li, inter se sunt æquales:
& si vltcrius producatæ
sint æquales illæ rectæ li-
neæ, q̄ sub basi sunt angu-
li, inter se æquales erunt.



5

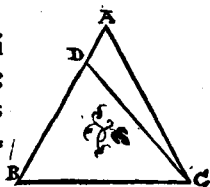
Εάν ῥιγῶν αἱ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ᾤσι, καὶ
ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνεσαι πλευρᾷ, ἴσαι ἀλ-
λήλαις ἔσονται.

B Theor=

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
Theorema 3. Propo:

litio 6.

Sit trianguli duo anguli
æquales inter se fuerint:
& sub æqualibus angulis
subtēta latera æqualia in-
ter se erunt.

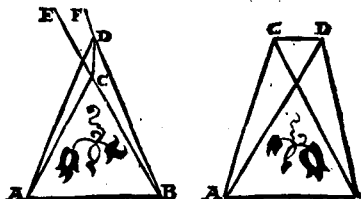


Ἐπὶ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ, δυσὶ τῶν αὐτῶν εὐθείᾳς ἄλλαι
δύο εὐθεῖαι ἰσαῖς ἑκατέρᾳ οὐ συσταθήσονται,
πρὸς ἄλλῃ καὶ ἄλλῃ σημείῳ, ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ
αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι, τῶν ἀρχῆς εὐθείας.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem re-
ctis lineis, aliæ duæ rectæ lineæ æquales, v-
traque vtrique, non constituentur, ad aliud
atque

aliud
πῦόν,
ad eas-
δὲ par-
tes, εὐ-
demq;



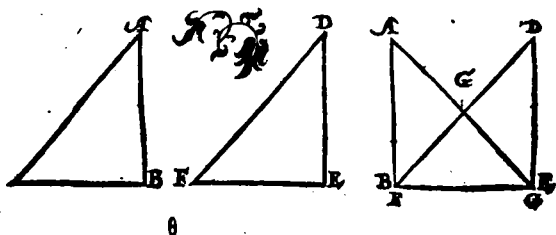
terminos cum duabus initio ductis rectis li-
neis habentes.

Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῶν δυσὶ
πλευρῶν ἰσας ἔχῃ, ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ, ἔχῃ δὲ βά-
σιν τῇ βάσει ἰσὺν: καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἰσὺν ἔξει-
τὴν

τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐνδεῶν περιεχομένην.

Theorema 5. Propositio 8.

Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, vtrunque vtrique, æqualia, habuerint verò & basim basi æqualem: angulū quoque sub æqualibus rectis lineis contentum angulo æqualem habebunt.



τὴν δοθεῖσαν γωνίαν ἐν δύο γράμμιν διχα τεμεῖν.

Problema 4. Propositio 9.

Datum angulum rectilineum bifariam secare.

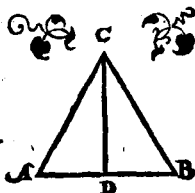


τὴν δοθεῖσαν ἐνδεῶν περιεχομένην, διχα τεμεῖν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Problema 5. Pro-
positio 10.

Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.



1α

Τὴν δοθεῖσιν εὐθείᾳ, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος ση-
μεῖος, πρὸς ὀρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγα-
γεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

Data
rectali
nea, à
pūcto
ī ea da-
to, re-
ctam li-



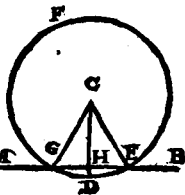
neam ad angulos rectos excitare.

1β

Επὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον, ἀπὸ τοῦ δοθέν-
τος σημείου, ὃ μὴ ἐστὶν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον εὐθεῖαν
γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam line-
am infinitam, à dato pun-
cto



cto

εἰς το quod in ea nō est, perpendicularem rectam deducere.

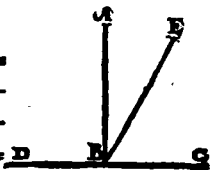
17

Ὡς ἀν' εὐθείᾳ ἐπ' εὐθείᾳ σταθεῖσα, γωνίας ποιῇ ἔτσι δύο ὀρθὰς, ἢ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ.

Theorema 6. Propo-

sitio 13.

Cū recta linea super rectam consistens lineā angulos facit, aut duos rectos, aut duobus rectis æquales efficit.

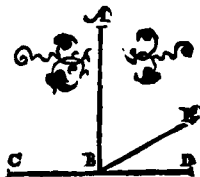


18

Εὰν πρὸς ἑνὶ εὐθείᾳ, καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι μὴ περὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς ἐφεξῆς γωνίας δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται ἀλλήλας αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad eius punctū, duæ rectæ lineæ non ad easdem partes ductæ, eos qui sunt deinceps angulos duobus rectis æquales fecerint, in directum erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.



19

Εὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ κορυ-

B 3 φήν

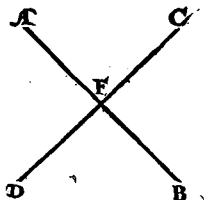
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ῥὴν γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιήσασσι.

Theorema 8. Propositio 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò secuerit, angulos qui ad verticem sunt, æquales inter se efficient.

15

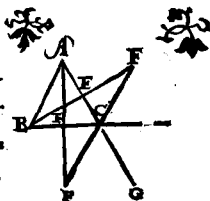


Παντὸς ῥιγώνυ μιᾶς τῶν πλευρῶν ἐκβληθείσης, ἡ ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρω τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, μείζων ἐστίν.

Theorema 9. Propositio 16.

Cuiuscunq; trianguli vno latere producto, exter nus angulus utroq; interno & opposito maior est.

16

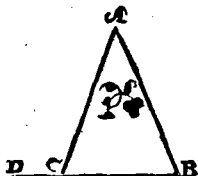


Παντὸς ῥιγώνυ αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 10. Propositio 17.

Cuiuscunque trianguli duo anguli duobus rectis sunt minores omnifariā sumpti.

17



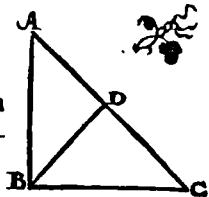
Παντὸς ῥιγώνυ ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γωνίαν

γὰν ὑποτείνει.

Theorema 11. Propositio 18.

Omnis trianguli maius lat^{us} maiorem angulū subtendit.

ι θ

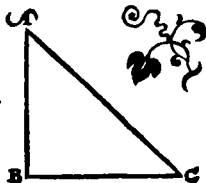


Παντὸς ῥιγώνος ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἢ μείζων πλευρά ὑποτείνεται.

Theorema 12. Propositio 19.

Omnis trianguli maior angulus, maiori lateri subtenditur.

κ

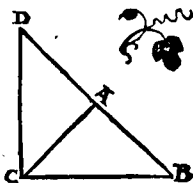


Παντὸς ῥιγώνος αἱ δύο πλευραὶ, τ' λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνόμεναι.

Theorema 13. Propositio 20.

Omnis trianguli duo latera reliquo sunt maiora, quomodo cūq; assumpta.

κα



Εάν ῥιγώνος ἐπὶ μιᾷ τῶν πλευρῶν ἀπὸ τῶν περάλων δύο ἐυθεῖαι ἐντὸς συσταθῶσιν, αἱ συσταθείσαι, τῶν λοι

B 4

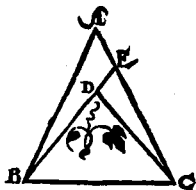
πῶν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

πάν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν ἐλάττωες μὲν ἔσονται,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Theorema 14. Propositio 21.

Si super trianguli vno latere, ab extremitatibus duæ rectæ lineæ, interius constitutæ fuerint, hæ cōstitutæ reliquis trianguli duobus lateribus minores quidem erunt, maiorem verò angulum continebunt,

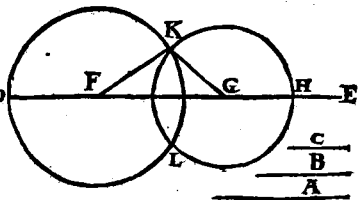


κβ

Ἐκ τριῶν ευθετῶν, αἱ εἰσιν ἴσαι τρισὶ τῶν δοθείσων ευθετίαις, τριγώνον συστήσασθαι. Δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβανομένας, διὰ τὸ καὶ παντὸς τριγώνου τὰς δύο πλευράς, τῇ λοιπῇ μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβανομένας.

Problema 8, Propositio 22.

Ex tribus rectis lineis quæ sunt tribus datis rectis lineis æquales, triangulum constituere. Oportet autem duas reliqua esse maiores omnifariâ sumptas: quoniam vniuscuiusq; trianguli duo latera om-



nifariam

nifariam sumpta reliquo sunt maiora.

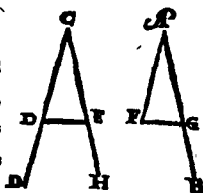
xy

Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ
δοθείσῃ γωνίᾳ, εὐθυγράμμῃ ἴσῳ γωνίᾳ εὐθύ-
γραμμον συστήσασθαι.

Problema 9. Propo-

sitio 23.

Ad datam rectam lineam
datumq; in ea punctum,
dato angulo rectilineo α .
qualem angulum rectili-
neum constituere.

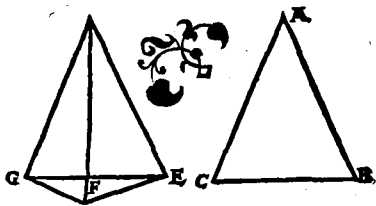


κδ

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τῆς δυσὶ πλευ-
ρῆς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν ᾗ γωνίαν τῆς
γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθεῶν περιε-
χομένῳ, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo
triangu-
la duo la-
tera duo
bus late-
ribus α .
qualia ha-



buerint, vtrunq; vtriq; angulum verò angu-
lo maiorem sub α qualibus rectis lineis con-
tentum: & basin basi maiorem habebunt.

B 5

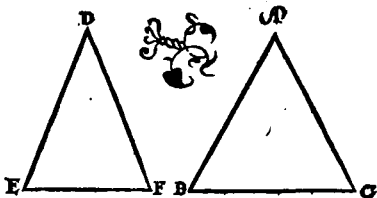
κα Εὰν

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς τᾶς δυσὶ πλευ-
ρᾶς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, τὴν βάσιν ᾗ τῇ βά-
σειως μείζονα ἔχῃ, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳς μείζονα
ἔξῃ, τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐυθειῶν περιεχομένην.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateri-
bus æqualia habuerint, vtrunque vtri-
que, basim verò basi maiorem: & angulum sub æ-
qualib⁹

re-
ctis li-
neis con-
tentū an-
gulo ma-
iorem ha-
beunt.



Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας τᾶς δυσὶ γωνίαις
ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ
πλευρᾷ ἴσῃ, ἢ τὴν πρὸς τᾶς ἴσαις γωνίαις, ἢ ὑ-
ποτείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν: καὶ τὰς λοι-
πὰς πλευρὰς τᾶς λοιπᾶς πλευρᾶς ἴσας ἔξει, ἑκα-
τέραν ἑκατέρα, καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ γω-
νίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

Si duo triangula duos angulos duobus an-
gulis æquales habuerint, vtrunque vtri-
que, vnum-

vnūquē latus vni lateri æquale, siue quod æqualibus adiacet angulis, seu quod vni æqualium angulorum subtenditur: & reliqua latera

reliquis laterib.

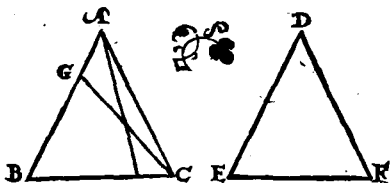
æqualia,

vtum.

q; vtri-

que, &

reliquum angulum reliquo angulo æqualem habebunt.



κ ζ

Εάν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέσῃ, τὰς ἐναλλὰξ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι.

Theorema 18. Propositio 27.

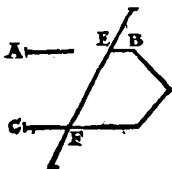
Si in duas rectas lineas re-

cta incidens linea alterna-

tum angulos æquales inter

se fecerit : parallelæ erunt

inter se illæ rectæ lineæ.



κ η

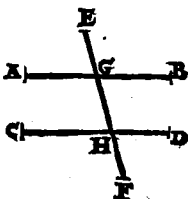
Εάν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπέσῃ, τὴν ἐκτὸς γωνίαν τῇ ἐντὸς, καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσως ποιῇ, ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι.

Theo-

EVCLID. ELÈMEN. GEOM.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens linea, externum angulum interno, & opposito, & ad easdem partes æqualem fecerit, aut internos & ad easdem partes duobus rectis æquales: parallelæ erunt inter se ipsæ rectæ lineæ.

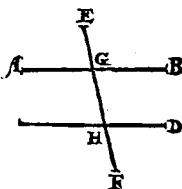


κ θ

ἡ εἰς τὰς παραλλήλους εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα, τὰς τε ἐναλλὰξ γωνίας ἴσας ἀλλήλας ποιεῖ, καὶ τὴν ἐκ τὸς τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἴσιν, καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas lineas recta incidens linea, & alternatim angulos inter se æquales efficit & externū interno & opposito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.



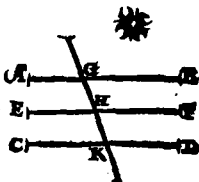
λ

Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παράλληλοι, καὶ ἀλλήλας εἰσὶ παράλληλοι.

Theo.

Theorema 21. Propositio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ, parallelæ, & inter se sunt parallelæ.

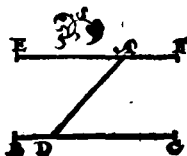


λα

Απὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τῇ δοθείσῃ ἑυθείᾳ παράλληλον ἑυθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 10. Propositio 31.

A dato puncto datæ rectæ lineæ parallelam rectam lineam ducere.

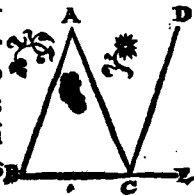


λβ

Παντὸς ῥιγῶντος μιᾶς τῶν πλευρῶν προσεβληθείσης, ἡ ἐκτὸς γωνία δυσὶ ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἴση ἐστίν. Καὶ αἱ ἐντὸς τοῦ ῥιγῶντος ῥεῖς γωνίαι δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltcrius producto: externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis. Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.



λγ Αδ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

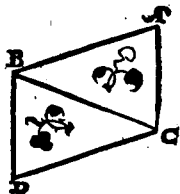
λ γ.

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέτρα ἐπὶ
 ζευγίσσασαι ἐυθεῖαι, καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ παραλλήλοί
 εἰσιν.

Theorema 23. Propo-

sitio 33.

Rectæ lineæ quæ æqua-
 les & parallelas lineas ad
 partes easdē coniungunt,
 & ipsæ æquales & paral-
 lele sunt.



λ δ

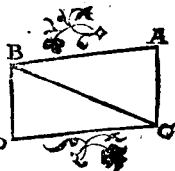
Τῶν παραλληλογράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίον
 πλευραὶ τε καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλους εἰσὶ· καὶ ἡ διάμε-
 τρος αὐτὰ διχα τέμνει.

Theorema 24. Propo-

sitio 34.

Parallelogrammorum spa-
 tiorum æqualia sunt in-

ter se quæ ex aduerso & latera & anguli: at-
 que illa bisectam fecat diameter.



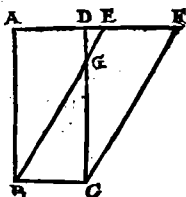
λ ε

Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως
 ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις
 εἰσιν.

Theo-

Theorema 25. Propositio 35.

Parallelograma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

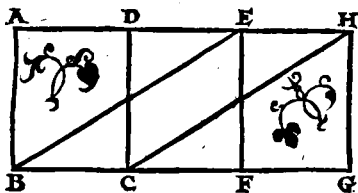


λς

Τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἶσι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super æqualibus basibus & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt æqualia.

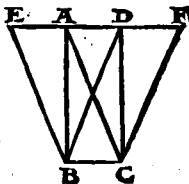


λζ

Τὰ τρίγωνα, τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἶναι.

Theorema 27. Propositio 38.

Triangula super eadem basi constituta, & in eisdem parallelis, inter se sunt æqualia.



λη Τὰ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

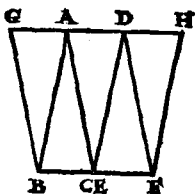
λη

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων καὶ ἐν ταῖς αὐ-
ταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theorema 28. Pro-

positio 38.

Triangula super æqualibus
basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.



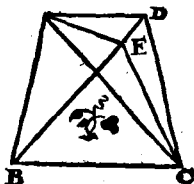
λθ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα, καὶ ἐπὶ
τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις εἰσίν.

Theorema 29. Pro-

positio 38.

Triangula æqualia super
eadem basi & ad easdem
partes constituta: & in eis-
dem sunt parallelis.



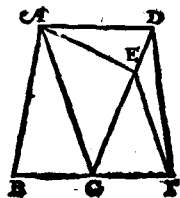
μ

Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὄντα, καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
εἰσίν.

Theorema 30. Pro-

positio 40.

Triangula æqualia super
æqualibus basibus & ad
easdem partes constituta,
& in eisdē sunt parallelis.



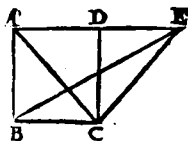
μα Εὰν

μα

Εάν παραλληλόγραμμον ζιγῶν βάσιν τε ἔχῃ τὴν αὐτὴν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἢ, διπλάσιον ἔσται τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ ζιγῶντος.

Theorema 31. Propositio 41.

Si parallelogrammum cū triangulo eandem basim habuerit, in eisdemq; fuerit parallelis, duplum erit parallelogrammum ipsius trianguli.

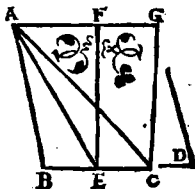


μβ

Τὸ δοθέν ζιγῶν ἴσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι, ἐν τῇ δοθείσῃ ἐυθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema 11. Propositio 42.

Dato triangulo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.



μγ

Παντὸς παραλληλογράμμου, τῶν περὶ τὴν διάμετρον παραλληλογράμμων ἰὰ παραπληρώματα, ἴσα ἀλλήλοις εἶναι.

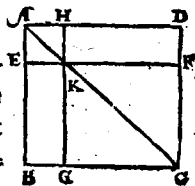
C Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 32. Propo-

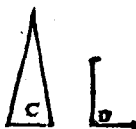
sitio 43.

In omni parallelogrammo, complementa eorum quæ circa diametrum sunt parallelogrammorum, inter se sunt æqualia.



μδ

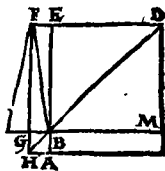
Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν, τῷ δοθέντι ᾠγώνῳ ἴσῳ παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμω.



Problema 12. Propo-

sitio 44.

Ad datam rectam lineam, dato triangulo æquale parallelogrammum applicare in dato angulo rectilineo.



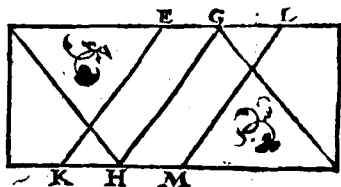
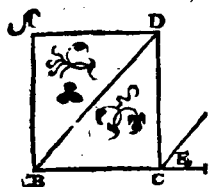
με

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσῳ παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Problema 13. Propositio 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammum constituere in dato angulo rectilineo.

με Αωθ

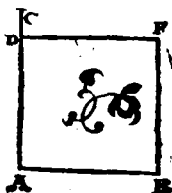


μ ε

Απὸ τῆς δοθείσης εὐθείας τετράγωνον ἀναγράφαι.

Problema 14. Propositio 46.

A data recta linea quadratum describere.

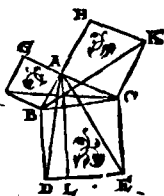


μ ζ

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τῆν ὀρθὴν γωνίαν ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετράγωνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν τῆν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετράγωνοις.

Theorema 33. Propositio 47.

In rectangulis triangulis, quadratum quod à latere rectum angulum subtendente describitur, æquale est eis quæ à lateribus



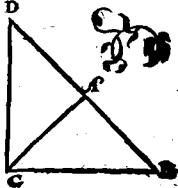
C a rectum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 rectum angulum continentibus describun-
 tur, quadratis.

$\mu\eta$
 Εάν τριγώνον τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνον
 ᾖ, ἢ τῆς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν
 τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν λοιπῶν
 τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν, ὀρθή ἐστ.

Theorema 34. Propositio 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trian-
 guli describitur, æquale sit
 eis quæ à reliquis triangu-
 li lateribus describuntur,
 quadratis: angulus cōpre-
 hensus sub reliquis duo-
 bus trianguli lateribus, re-
 ctus est.



FINIS ELEMENTI I.

EYKΛEI¹⁹

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ
ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SECVNDVM.

ΠΡΩΤΟΝ.

α

ΠΑΝ παραλληλόγραμμα ὀρθογώνιον, περιέχεται ὑπὸ δύο τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχσῶν ἐυθειῶν.

DEFINITIONES.

I

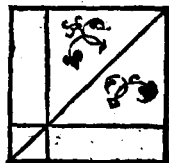
Omne parallelogrammum rectangulū contineri dicitur sub rectis duabus lineis, quæ rectum comprehendunt angulum.

β

Παντὸς ὃ παραλληλογράμμου χωρὶς, τῶν περὶ τὴν διάμετρον αὐτοῦ, ἐν παραλληλογράμμων ὁποιοῦν σὺν τοῖς δυσὶ παραπληρώμασι, γινώμων χαλεπίω.

C 3 2 In

In omni parallelogrammo spatio, vñũ quodlibet eorum quæ circa diametrum illius sunt parallelogrammorum, cũ duobus complementis, Gnomio vocetur.

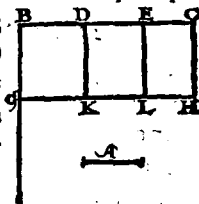


Πρότασις α.

Εάν ὡσι δύο ευθεῖαι, τμηθῇ ᾗ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς ὅσα δηποτοῦν τμήματα, τὸ περιεχόμενον ὀρθογώνιον ὑπὸ τῶν δύο ευθειῶν, ἴσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ τε τῶν ἀτμή-
της καὶ ἐκάστη τῶν τμημάτων περιεχομένοις ὀρθογώνιοις.

Theorema I. Propositio I.

Si fuerint duæ rectæ lineæ. seceturque ipsarum altera in quotcunq; segmenta: rectangulum comprehensum sub illis duabus rectis lineis, æquale est eis rectangulis quæ sub infecta & quolibet segmentorum comprehenduntur.



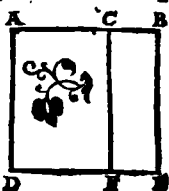
β

Εάν ευθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, τὰ ὑπὸ τῶν ὅλης καὶ ἐκάστης τῶν τμημάτων περιεχόμενα ὀρθογώνια ἴσα ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῶν ὅλης τετραγώνῳ.

Theo-

Theorema 2. Propositio 2.

Si recta linea secta sit ut-
cunq;, rectangula quæ sub
tota & quolibet segmen-
torum comprehenduntur,
æqualia sunt ei, quod à to-
ta fit, quadrato.

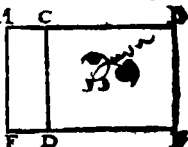


γ

Εάν ἐνδεῖα γραμμὴ ὡς ἐτυχε τμηθῇ, τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχομένου ὀρθογώνιον,
ἴσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ τῶν τμημάτων περιεχομένῳ ὀρ-
θογώνιῳ, καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ προειρημένου τμήματος
τετραγώνῳ.

Theorema 3. Propositio 3.

Si recta linea secta sit utcumque, rectangu-
lum sub tota & uno se-
gmentorum comprehen-
sum, æquale est & illi quod
sub segmentis compre-
henditur rectangulo, & il-
li, quod à prædicto segmento describitur,
quadrato.



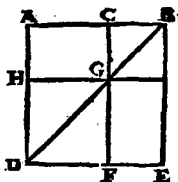
δ

Εάν ἐνδεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, τὸ ἀπὸ τῆς ὅ-
λης τετραγώνον, ἴσον ἐστὶ τοῖς τε ἀπὸ τῶν τμημά-
των τετραγώνοις, καὶ τῷ διὰ τῶν τμημάτων πε-
ριεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 4. Propositio 4.

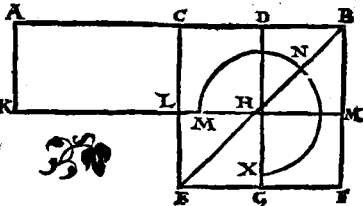
Si recta linea secta sit ut-
cunque: quadratum quod
à tota describitur, æquale
est & illis quæ à segmentis
describuntur quadratis, &
ei quod bis sub segmentis
cōprehenditur, rectāgulo.



Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα, τὸ ὑπὸ
τῶν ἀνίσων τῶν ὅλης τμημάτων περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν τετρα-
γώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου.

Theorema 5. Propositio 5.

Si recta linea secetur in æqualia & non æ-
qualia: rectangulum sub inæqualibus seg-
mentis totius comprehensum, vnà cum qua-
drato, qd' ab inter-
media se-
ctione, æ-
quale est
ei quod à
dimidia
describitur, quadrato.

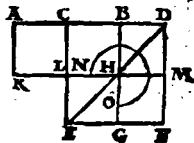


Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ δίχως, προσεθεὶ δέ τις αὐ-
τῇ ευθεία ἐκ' ευθείας, ὀρθογώνιον τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
σύν

ἐν τῇ προσκειμένῃ, καὶ τῇ προσκειμένης περιχομένη
 ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώ-
 νου, ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ τῆς συγκεκλιμένης ἐκ τε τῆς ἡμισείας
 καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τε-
 τραγώνῳ.

Theorema 6. Propositio 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta
 quædam linea in rectum adijciatur, rectan-
 gulum comprehensum sub tota cum adie-
 cta & adiecta simul cum
 quadrato à dimidia, æ-
 quale est quadrato à li-
 nea, quæ tum ex dimidia,
 tum ex adiecta componi-
 tur, tanquam ab una de-
 scripto.

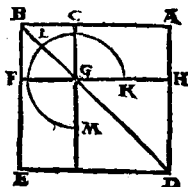


Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτύχε, τὸ ἀπὸ τῆς δι-
 λης, καὶ τὸ ἀφ' ἑνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέ-
 ρα τετραγώνων ἴσα ἐστὶ τῷ τε δις ὑπὸ τῆς διλης καὶ τοῦ
 εἰρημένου τμήματος περιχομένῳ ὀρθογώνῳ, καὶ τῷ
 ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Theorema 7. Propositio 7.

Si recta linea secetur utcumque: quod à to-
 ta, quodque ab vno segmentorum, vtraque
 simul

simul quadrata, æqualia sunt & illi quod bis sub tota & dicto segmento comprehenditur, rectangulo, & illi quod à reliquo segmento fit, quadrato.

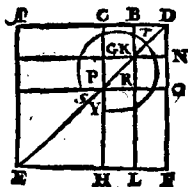


η

Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτύχε, τὸ τεξάκις ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, μετὰ τοῦ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τῷ τε ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ εἰρημέ- νου τμήματος, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

Theorema 8. Propositio 8.

Si recta linea secetur utcunque: rectangulum quater comprehensum sub tota & vno segmentorum, cum eo quod à reliquo segmento fit, quadrato, æquale est ei quod à tota & dicto segmento, tanquam ab vna linea describitur, quadrato.



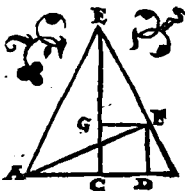
θ

Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα, τὰ ἀπὸ τῶν ἀνίστων τῆς ὅλης τμημάτων τετραγώνου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς μετὰ τῶν τμῶν τετραγώνου.

Theor

Theorema 9. Propositio 9.

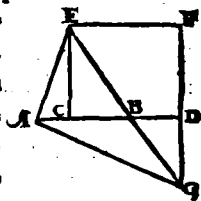
Si recta linea secetur in equalia & non equalia: quadrata quæ ab inæqualibus totius segmentis fiunt, duplicia sunt & eius quod à dimidia, & eius quod ab intermedia sectionum fit, quadratorum.



Εάν ευθεία γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσεθῇ δέ τις αὐτῇ ευθεία ἐκ' ευθείας τὸ ἀπὸ τ' ὅλης συν τῇ προσκειμένῃ, καὶ τὸ ἀπὸ τῆς προσκειμένης τὰ συναμφοτέρω τε ῥάγωνα, διπλασία βεῖ τοῦ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τοῦ ἀπὸ τ' συνηκμένης ἑκτε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς ἀναγραφέντος τετραγώνου.

Theorema 10. Propositio 10.

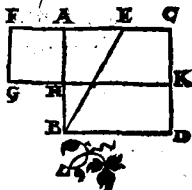
Si recta linea secetur bifariam, adijciatur autem ei in rectum quæpiam recta linea: quod à tota cum adiuncta, & quod ab adiuncta, utraque simul quadrata, duplicia sunt & eius quod à dimidia, & eius quod à composita ex dimidia & adiuncta, tanquam ab vna descriptum sit, quadratorum.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν, ὥς τε τὸ ὑπὸ τῆς ὀβλίας καὶ τοῦ ἐτέρου τῶν τμημάτων περιεχομένου ὀρθογωνίου ἴσον εἴναι τῷ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ τμήματος τετραγώνῳ.

Problema 1. Propositio 11.

Datam rectam lineam secare, ut comprehensum sub tota & altero segmentorum rectangulum, æquale sit ei quod à reliquo segmento fit, quadrato.



β

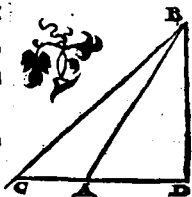
Ἐν τοῖς ἀμβλυγωνίοις, τετραγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ἀμβλείας γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετραγώνον, μείζον ὅτι τῶν τὴν ἀμβλείαν περιεχουσῶν πλευρῶν, τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸ τε μιᾶς τῶν περὶ τὴν ἀμβλείαν γωνίαν, ἐφ' ἣν ἐκβληθεῖσαν ἡ καθεστὸς πίπτῃ, καὶ τῷ ἀπολαμβανομένης ἐκτὸς ὑπὸ τῆς καθεστὸς πρὸς τῇ ἀμβλείᾳ γωνίᾳ.

Theorema 11. Propositio 12.

In amblygonijs triangulis, quadratū quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro-

quan-

quantitate rectanguli bis comprehensi & ab vno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cum protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exterius linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.



γ

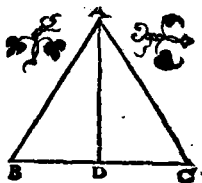
Εν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὀξείας γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς τετραγώνον, ἐλαττόν ἐστι τῶν ἀπὸ τῶν τὴν ὀξείαν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν τετραγώνων, τῷ περιεχομένῳ δις ὑπὸ τῆς μιᾶς τῶν περὶ τὴν ὀξείαν γωνίαν, ἐφ' ἣν ἡ καθέτης πίπτει, καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ἐκ τὸς ὑπὸ τῆς καθέτης πρὸς τὴν ὀξείαν γωνία.

Theorema 12. Proposition 13.

In oxygonijs triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

rum, quæ sunt circa acutum angulum, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interiori linea sub perpendiculari prope acutum angulum.

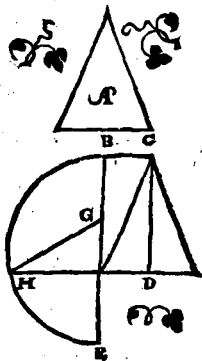


18

Τὸ δοθέν ἐκδογράμμῳ ἴσῳ
τετράγωνον συστήσασθαι.

Problema 2. Propositio 14.

Dato rectilineo æquale
quadratum constituere,



ELEMENTI II. FINIS.

ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM TERTIVM.

Β Ρ Ο Ι.

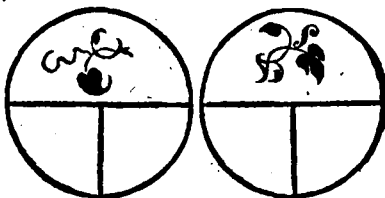
α

ΙΣΟΙ κύκλοι εἰσὶν, ὅν αἱ διαμέτροι εἰσὶ ἴσαι·
ὅν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσὶν.

DEFINITIONES.

I

Aequales circuli, sunt quorū diametri sunt
æquales,
vel quo-
rum quæ
ex cētris
rectæ li-
neæ sunt
æquales.

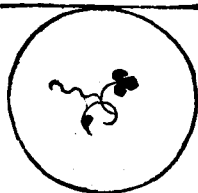


β

Εὐθεῖα κύκλῳ ἐφάπτεσθαι λέγεται, ἥ τις ἀπὸ μέρους
τοῦ κύκλου, καὶ ἐκβαλλομένη, οὐ τέμνῃ τὸν κύκλον.

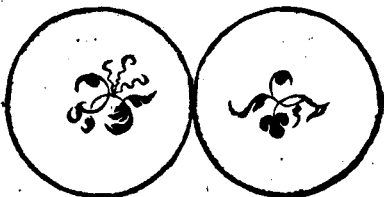
2 Recta

²
 Recta linea circulum tan-
 gere dicitur, quæ cùm cir-
 culum tangat, si produca-
 tur, circulum non secat.



^γ
 Κύκλοι ἐφάπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, ὅτι τινες ἀπὸ-
 ρθοι ἀλλήλων, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλους.

³
 Circuli
 sese mu-
 tuo tan-
 gere di-
 cuntur :
 qui sese
 mutuo



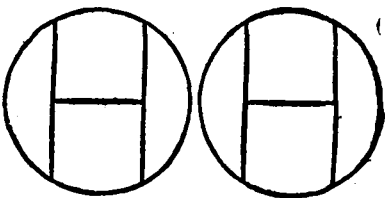
tangentes, sese mutuo non secant.

^δ
 Ἐν κύκλῳ ἴσθαι ἀπέχειν τοῦ κέντρου εὐθείαι λέγονται,
 ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐτάς κάθετοι ἀγόμε-
 ναι ἴσαι ᾧσι: μείζον ὃ ἀπέχειν λέγεται, ἐφ' ἣν ἡ μεί-
 ζων κάθετος πίπτει.

⁴
 In circulo æqualiter distare à centro rectæ
 lineæ dicuntur, cùm perpendiculares, quæ
 à cen-

à centro
in ipsas
ducuntur,
sunt æ-
quales.

Longius
autē ab-
esse illa dicitur, in quam maior perpendicu-
laris cadit.



Τμήμα κύκλου ἐστὶ τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπό-
τετυθείας καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmentum circuli est, fi-
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com-
prehenditur.



Τμήματος ὃ γωνία ἐστίν, ἡ περιεχομένη ὑπὸ τε τυ-
θείας καὶ κύκλου περιφερείας.

Segmenti autem angulus est, qui sub recta li-
nea & circuli peripheria comprehenditur.

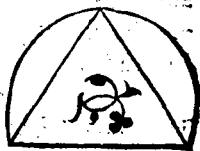
Ἐν τμήματι ὃ γωνία ἐστίν, ὅταν ἐπὶ τῆς περιφε-
ρείας τοῦ τμήματος ληφθῇ ἡ σημεῖον. καὶ ἀπὸ αὐ-
τοῦ ἐπὶ τὰ πέρατα τῆς τυθείας, ἢ ἐπὶ βάσεις τῆς τρι-
γώνου.

D ματς,

ματος, ἐπεξευχθῶσιν ἐυθεῖαι, ἢ περιεχομένη γωνία
ὑπὸ τῶν ἐπιευχθῶσιν ἐυθεῶν.

7

In segmento autem angulus est, cū in segmenti peripheria sumptum fuerit quodpiam punctum, & ab illo in terminos rectæ eius lineæ, quæ segmenti basis est, adiunctæ fuerint rectæ lineæ: is, inquam, angulus ab adiunctis illis lineis comprehensus.



η

ἄταν ὅ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν ἐυθεῖαι ἀπολαμβάνουσιν ἕνα περιφερέαν, ἐπ' ἐκείνης λέγεται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehendentes angulum rectæ lineæ aliquam assumunt peripheriam, illi angulus insistere dicitur.



θ

Τομεὺς ὁ κύκλος ἐστίν, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐτοῦ τοῦ κύκλου σταθῇ ἡ γωνία: τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῶν τὴν γωνίαν περιέχουσιν ἐυθεῶν καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν, περιφερείας.

9

Sector autem circuli est, cum ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, comprehensa nimirum figura & à rectis lineis angulum continentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



ὅμοια τμήματα κύκλου εἰν, τὰ δεχόμενα γωνίας ἴσας· ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt

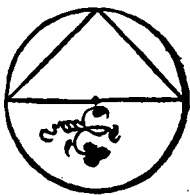
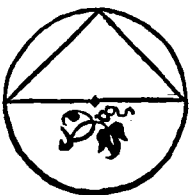
æquales:

aut in quibus an-

guli iter

se sunt

æquales.



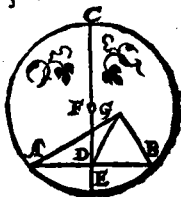
Προτάσις.

α

Τοῦ δοθέντος κύκλου τὸ κέντρον εὑρεῖν.

Problemæ. Propositio 1.

Dati circuli centrum reperire.



D 2

β Εαν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

β

Εάν κύκλος ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ληφθῇ δύο τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ αὐτὰ σημεῖα ὁπιζευγνυμένη εὐθεῖα, ὧς πωθεῖται τοῦ κύκλου.

Theorema 1. Pro- positio 2.

Si in circuli peripheria duo quælibet puncta accepta fuerint, recta linea quæ ad ipsa puncta adiungitur, intra circum cadet.



γ

Εάν ἐν κύκλῳ εὐθεῖα τις διὰ τοῦ κέντρου, εὐθεῖαν τινα μὴ διὰ τοῦ κέντρου δίχα τέμνη, καὶ πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τεμεῖ. καὶ ἐάν πρὸς ὀρθὰς αὐτὴν τέμνη, καὶ δίχα αὐτὴν τεμεῖ.

Theorema 2. Propositio 3.

Si in circulo recta quædam linea per centrum extensa quandam nō per centrum extensam bifariam secet: & ad angulos rectos ipsam secabit. Et si ad angulos rectos eam secet, bifariam quoque eam secabit.



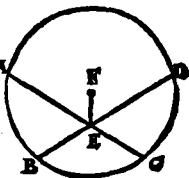
δ

Εάν ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, μὴ διὰ τοῦ

τοῦ κέντρου οὐσαι, οὐ τέμνουσιν ἀλλήλας διχα.

Theorema 3. Propositio 4.

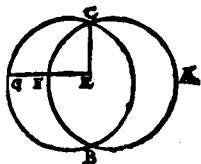
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant non per centrum extensæ, sese mutuò bifariam non secabunt.



Εὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, οὐκ ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 4. Propositio 5.

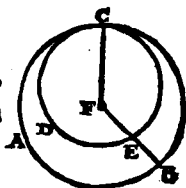
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Εὰν δύο κύκλοι ἐφάπλωνται ἀλλήλων ἐντός, οὐκ ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theorema 5. Propositio 6.

Si duo circuli sese mutuò interius tangant, eorum non erit idem centrum.



Εὰν κύκλος ἐπὶ τῇ διαμέτρῳ ληφθῇ τὸ σημεῖον, ὃ μὴ ᾖ κέντρον τοῦ κύκλου, ἀπὸ τοῦ σημείου προσπί-

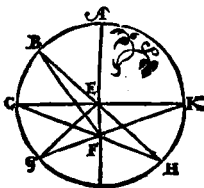
πύσιν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

πῶσιν ἐυθεΐαι τινες πρὸς τὸν κύκλον : μεγίστη μὲν ἔσται ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλαχίστη ἢ ἡ λοιπή: τῶν δὲ ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγιον τῇ διὰ τοῦ κέντρου τῇ ἀπώτερον μείζων ἐστί. Δύο ἢ μόνον ἐυθεΐαι ἴσαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theorema 6. Propositio 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur punctum, quod circuli centrum non sit, ab eoque puncto in circulum quædam rectæ lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua centrum, minima verò reliquæ: aliarum verò propinquior illi quæ per centrum ducitur, remotiore semper maior est. Duæ autem solùm rectæ lineæ æquales ab eodem puncto in circulum cadunt, ad vtrasque partes minimæ.



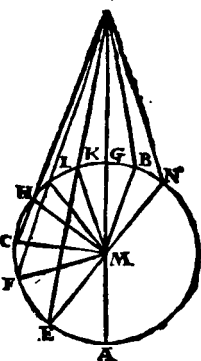
η

Εὰν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ ᾧ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον διαχθῶσιν ἐυθεΐαι τινες, ὧν μία μὲν διὰ τοῦ κέντρου, αἱ ἄλλοι καὶ ὡς ἔτυχε: τῶν μὲν πρὸς τὴν κοίλῳ περιφέρειαν προσπιπυσσῶν ἐυθεΐων, μεγίστη μὲν ἡ διὰ τοῦ κέντρου, τῶν ἢ ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐγγιον τῇ διὰ τοῦ κέντρου, τῇ ἀπώτερον μείζων ἔσται.

ἴσα, τῶν δὲ πρὸς τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπι-
πῆσῶν εὐθειῶν, ἐλαχίστη μὲν ὅστις ἢ μεταξὺ τοῦτε ση-
μεῖο καὶ τῆς διαμέτρου. τῶν δὲ ἄλλων ἀπὸ τῆς ἐγγυῖον τῆς ἐλα-
χίστης, τῆς ἀπώτερόν ὅστις ἐλάττω. Δύο δὲ μόνον εὐ-
θεῖαι ἴσαι προσπιθύνται ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν
κύκλον ἐφ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης.

Theorema 7. Propositio 8.

Si extra circulum sumatur punctum quod-
piam, ab eoque puncto ad circulum dedu-
cantur rectæ quædam lineæ, quarum una qui-
dem per centrum protendatur, reliquæ ve-
rò ut libet in concavam peripheriam cadentiũ
rectarum linearum maxima quidem est illa,
quæ per centrum ducitur: aliarum autem
propinquier ei, quæ per
centrum transit, remo-
tiore semper maior est.
in convexam verò peri-
pheriã cadentiũ rectarũ
linearũ, minima quidem
est illa, quæ inter punctũ
& diametrum interponi-
tur: aliarum autẽ, ea quæ
propinquier est mini-
mæ, remotiore semper mi-
nor est. Dux autẽ tantũ
rectæ lineæ æquales ab eo



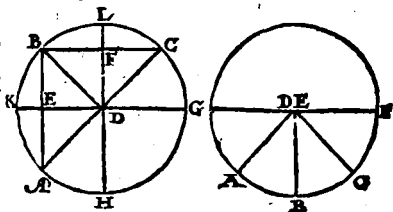
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

puncto in ipsum circulum cadunt, ad utraque partes minimæ. 3

Εάν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ ᾧ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσιν πλείους ἢ δύο ἐυθεῖαι ἴσαι, τὸ ληφθὲν σημεῖον, κέντρον ἐστὶ τοῦ κύκλου.

Theorema 8. Propo. 9.

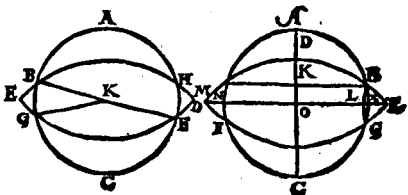
Si in circulo acceptum fuerit punctum aliquod, & ab eo puncto ad circulum cadant plures quæ duæ rectæ lineæ, æquales, acceptum punctum centrum ipsius est circuli.



Κύκλος οὐ τέμνει κύκλον κατὰ πλείονα σημεῖα, ἢ δύο.

Theorema 9. Propositio 10.

Circulus circuli in pluribus quàm duobus punctis non secat.



1α

Εάν δύο κύκλοι ἐφάπῳνται ἀλλήλων ἐντός, καὶ λη-
φθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ἐπὶ τὰ κέντρα αὐτῶν ὁπι-
ζευγυμένη ἑυθεῖα καὶ ἐκβαλλομένη, ἐπὶ τὴν συνα-
φὴν πεσεῖται τῶν κύκλων.

Theorema 10. Propositio 11.

Si duo circuli sese intus contingant, atq; ac-

cepta fu-

erint eo-

rū cētra,

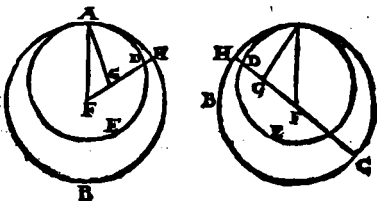
ad eorū c-

cētra ad-

iūctare-

ctalinea

& producta in contactum circulorū cadet.



1β

Εάν δύο κύκλοι ἀπῳνται ἀλλήλων ἐκτός, ἢ ἐπὶ τὰ
κέντρα αὐτῶν ἐπιζευγυμένη, διὰ τῆς ἐπαφῆς ἐλεύ-
σεται.

Theorema 11. Propositio 12.

Si duo circuli sese exterius cōtingant, linea

recta q̄

ad cētra

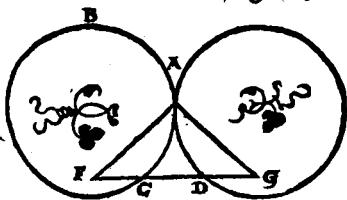
eorū ad-

iūgitur,

per cōta-

ctū illū

trāsibit,



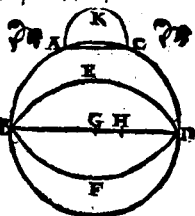
D 5

17 κύ.

¹⁷
Κύκλος κύκλῳ ὅς τε ἐφάπτεται πλείονα σημεῖα ἢ
καθ' ἓν, ἐάντε ὁντὸς ἐάντε ἔκτος ἐφάπτεται.

Theorema 12. Propo-
sitiō 13.

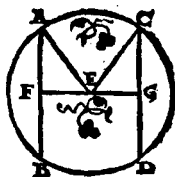
Circulus circulum non
tangit in pluribus pun-
ctis, quam vno, siue intus
siue extra tangat.



¹⁸
Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι ἐυθεῖαι ἴσιν ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ
κέντρου. καὶ αἱ ἴσιν ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου, ἴσαι
ἀλλήλαις εἰσίν.

Theorema 13. Propositio 14.

In circulo æquales rectæ
linex æqualiter distant à
centro. Et quæ æqualiter
distant à centro, æquales
sunt inter se.

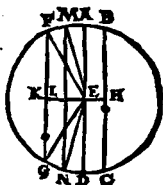


¹⁹
Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ὅστιν ἡ διάμετρος, τῶν δὲ
ἄλλων αἰεὶ ἡ ἑγγιον τοῦ κέντρου, τῆς ἀπώτερον μείζων
ὅστιν.

Theo-

Theorema 14. Propositio 15.

In circulo maxima quidē linea est diameter: aliarum autem propinquior centro, remotiore semper maior.

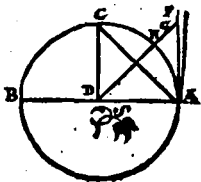


14

ἢ τῇ διαμέτρῳ τοῦ κύκλου πρὸς ὀρθὰς ἀπ' ἀκρας ἀγομένη, ἐκτὸς πεσεῖται τοῦ κύκλου, καὶ εἰς τὸν μεταξὺ τόπον τῆς εὐθείας καὶ τῆς περιφερείας, ἑτέρα εὐθεῖα οὐ παρεμπεσεῖται καὶ ἡ μὲν τοῦ ἡμικυκλίου γωνία, ἀπάσης ὀξείας γωνίας εὐθυγράμμου μείζων ἐστίν, ἡ δὲ λοιπὴ, ἐλάττω.

Theorema 15. Propositio 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque circuli ad angulos rectos ducitur, extra ipsum circulum cadet, & in locum inter ipsam rectam lineam & peripheriā comprehensum, altera recta linea non cadet. Et semicirculi quidem angulus quovis angulo acuto rectilineo maior est, reliquus autem minor.



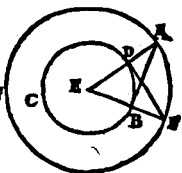
15

Απὸ τοῦ δοθέντος σημείου, τοῦ δοθέντος κύκλου ἑφαπτομένην εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 Problema 2. Propo-
 sitio 17.

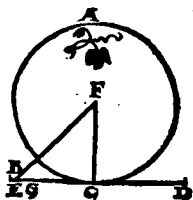
A dato puncto rectam li-
 neam ducere, quæ datum
 tangat circumulum.



Εάν κύκλος ἐφάπῃται τις ἐυθεία, ἀπὸ τοῦ κέντρου
 ἐπὶ τὴν ἀφὴν ἐπιζευχθῇ τις ἐυθεία, ἡ ἐπιζευχθεῖ-
 σα κάθετος ἔσται ἐπὶ τὴν ἀπτομένην.

Theorema 16. Propositio 18.

Si circumulum tangat recta
 quæpiam linea, à cétro au-
 tem ad contactum adiun-
 gatur recta quædā linea:
 quæ adiuncta fuerit ad ip-
 sam cōtingentem perpen-
 dicularis erit.

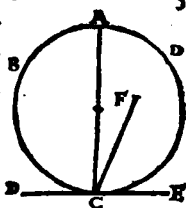


Εάν κύκλος ἐφάπῃται τις ἐυθεία, ἀπὸ τοῦ ἀφῆς τῇ ἐ-
 φαπτομένῃ πρὸς ὀρθὰς γωνίας ἐυθεία γραμμὴ
 ἀχθῇ, ἐπὶ τῇ ἀχθείσῃ ἔσται τὸ κέντρον τοῦ κύκλου.

Theorema 17. Propositio 19.

Si circumulum tetigerit recta quæpiam linea, à
 con-

contactu autem recta linea ad angulos rectos ipsi tangenti excitetur, in excitata erit centrum circuli.



κ

Εν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίων ἐστὶ πρὸς τῇ περιφερείᾳ, ὅταν τὴν αὐτὴν περιφέρειαν βάσιν ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theorema 18. Propositio 20.

In circulo angulus ad centrum duplex est anguli ad peripheriam, cum fuerit eadem peripheria basis angulorum.

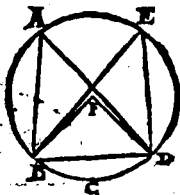


κα

Εν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

Theorema 19. Propositio 21.

In circulo, qui in eodem segmento sunt anguli, sunt inter se æquales.



κβ

Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλεύρων αἱ ἀπεναντίον γωνίαι,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
γωνία, δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 20. Propo-
fitio 22.

Quadrilaterorum in cir-
culis descriptorum angu-
li qui ex aduerso, duobus
rectis sunt æquales.

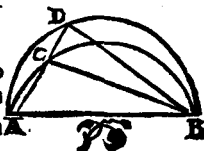


κ γ

Ἐπὶ ταύτης ἐυθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια
καὶ ἄνισα οὐ συσταθήσονται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theorema 21. Propo-
fitio 23.

Super eadem recta linea,
duo segmenta circulorum
similia & inæqualia non
constituentur ad easdem
partes.

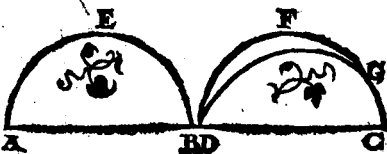


κ δ

Τὰ ἐπὶ ἴσων ἐυθεϊῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα
ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 24.

Super ex
qualib.
rectis li-
neis simi-
lia circu-
lorύ se-
gmenta



sunt

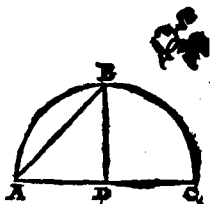
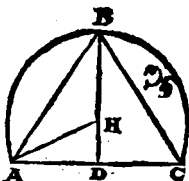
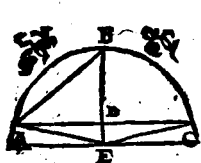
sunt inter se æqualia.

κε

Κύκλος τμήματος δοθέντος, προσαναγράψαι τὸν κύκλον, οὗ περ ἐστὶ τμήμα.

Problema 3. Propositio 25.

Circuli segmento dato, describere circulū, cuius est segmentum.



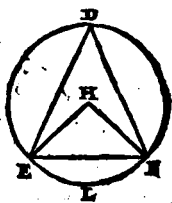
x5

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι γωνίαι, ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβήκασι, εἴαντε πρὸς τῖς κέντροις, εἴαν τε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβηκῇαι.

Theorema 23. Propositio 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æqua-

lib. pe-
riph-
rijs in-
sistunt
sive ad
centra,
sive ad



peripherias constituti insistant.

x5 E9

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

κζ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βε-
βηκῆναι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, ἔάντε πρὸς τοῖς
κέντροις, ἔάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βεβη-
κῆναι.

Theorema 24. Propositio 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æqualibus
periph-
rijs infi-
stūt, sunt
inter se
æquales
siue ad
centra, si
ue ad peripherias constituti insistant.

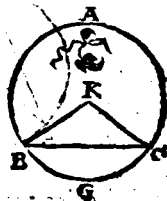


κη

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι ἐκδεῖναι ἴσας περιφε-
ρείας ἀφαροῦσι, τὴν μὲν μείζονα, τῇ μείζονι, τὴν δὲ
ἐλάττωνα, τῇ ἐλάττωनि.

Theorema 25. Propositio 28.

In æqualibus circulis æquales rectæ lineæ
æquales
periph-
rias aufe-
runt, ma-
iorē qui-
dem ma-
iori, mi-
norem autem minori.



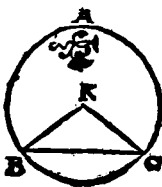
Εζ

xθ

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὑπὸ τὰς ἴσας περιφερείας ἴσαι ἐυθεῖαι ὑποτείνονται.

Theorema 26. Propositio 29.

In æqualibus circulis, æquales peripheriæ æquales rectæ lineæ subtendunt.

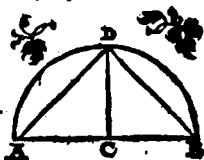


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν δίχα τέμνειν.

Problema 4. Propositio 30.

Datam peripheriam bifariam secare.



λα

Εν κύκλῳ, ἡ μὲν ἐν τῷ ἡμικύκλῳ γωνία ὀρθή ἐστιν, ἡ δὲ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς, ἡ δὲ ἐν τῷ ἐλάττω, μείζων ὀρθῆς: καὶ ἐκ τῆς μὲν τοῦ μείζονος τμήματος γωνία, μείζων ἐστὶν ὀρθῆς, ἡ δὲ τοῦ ἐλάττωτος τμήματος γωνία, ἐλάττω ἐστὶν ὀρθῆς.

Theorema 27. Propositio 13.

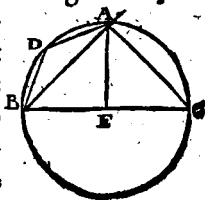
In circulo angulus qui in semicirculo, re-

E

Aus

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Αὗτος ἐστὶν: οὗτος αὐτὸς ἐν τῇ μεγάλῃ τμήματι, ὁ μῆνους ὀρθὸς: οὗτος ὁ αὐτὸς ἐν τῇ μικρῇ τμήματι, ὁ μῆνους ὀρθὸς. Ἐν τῇ μεγάλῃ τμήματι, ὀρθὸς οὗτος αὐτὸς ἐστὶν: ἐν τῇ μικρῇ τμήματι, ὀρθὸς οὗτος αὐτὸς ἐστὶν: ἐν τῇ μεγάλῃ τμήματι, ὀρθὸς οὗτος αὐτὸς ἐστὶν: ἐν τῇ μικρῇ τμήματι, ὀρθὸς οὗτος αὐτὸς ἐστὶν.

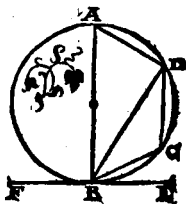


λβ

Εάν κύκλος ἐφάπῃται τῆς ἐυθείας, ἀπὸ τῆς ἀφ᾽ ἧς ἐπὶ τὸν κύκλον διαχθῇ τῆς ἐυθείας τέμνουσα τὸν κύκλον: ὅς ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναλλάξ τοῦ κύκλου τμήμασι γωνίαις.

Theorema 28. Propositio 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, a contractu autem producat quædam recta linea circulum secans: anguli quos ad contingentem facit, æquales sunt ijs qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.



λγ

Επὶ τῆς δοθείσης ἐυθείας γράψαι τμήμα κύκλου δεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐνδυγράμμῳ.

Pro

Problema 5. Propositio 33.

Super data recta linea describere segmentū circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

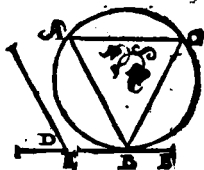


λ δ

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος κύκλου τμήμα ἀφελεῖν δεχόμενον γωνίαν ἴσιν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐνδυγράμμω.

Problema 6. Propositio 34.

A dato circulo segmentum abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λ ε

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο ἐνδεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὸ ὑπὸ τῶν τῆς μιᾶς τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν τῆς ἑτέρας τμημάτων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

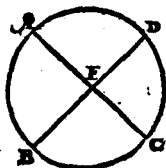
Theorema 29. Propositio 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuo

E 2. secue-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

fecuerint, rectangulum comprehensum sub
segmen-
tis unius,
æquale
est ei, qd'
sub seg-
mentis al-
terius co-
prehenditur, rectangulo.

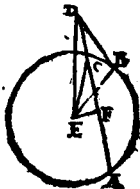
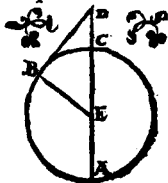


λς

Εάν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐκτὸς καὶ ἀπ' αὐτοῦ
πρὸς τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπτηται: ἔσται τὸ ὑπὸ
ὅλης τῆς τεμνοῦσης καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβανομένης
μεταξὺ τοῦ τε σημείου καὶ τῆς κυρτῆς περιφερείας, πε-
ριεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς ἐφάπτομέ-
νης τετραγώνῳ.

Theorema 30. Propositio 36.

Si extra circulum sumatur punctum ali-
quod, ab eoque in circulum cadant duæ re-
ctæ lineæ, quarum altera quidem circulum
secet, al-
tera ve-
rò tan-
gat: qd'
sub to-
ta secan-
te & ex



terius

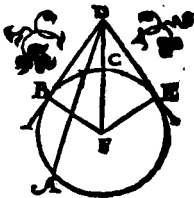
terius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta comprehenditur rectangulum, æquale erit ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λζ

Εάν κύκλος ληφθῇ τι σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ τοῦ σημείου τὸν κύκλον προσπίπτωσι δύο εὐθεῖαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ προσπίπτῃ, ἡ δὲ τὸ ὑπὸ τῇ ὅλῃς τεμνούσῃς, καὶ τῇ ἐκτὸς ἀπολαμβάνομένης μεταξὺ τοῦτε σημείων καὶ τῇ κυρτῇ περιφέρειας, ἴσον τῷ ἀπὸ τῇ προσπίπτούσῃς : ἡ προσπίπτουσα ἐφάπεται τοῦ κύκλου.

Theorema 31. Propositio 37.

Si extra circulum sumatur punctū aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & conuexam peripheriā assumpta, comprehenditur rectangulū, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidens ipsa circulum tanget.



Elementi tertij finis.

E 3

ΕΥΚΛΕΙ-

ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

TETARTON.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM QVARTVM.

Β Ρ Ο Ι.

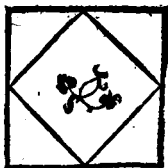
α

Σ χῆμα εὐθύγραμμον εἰς σχῆμα εὐδύ-
γραμμον ἐγγράφεται λέγεται, ὅταν ἐ-
κάστη τῶν τοῦ ἐγγραφομένου σχήματος
γωνιῶν, ἐκάστης πλευρᾶς τοῦ εἰς δ' ἐγγρά-
φεται ἀπλήται.

DEFINITIONES.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cum singuli eius figu-
ræ quæ inscribitur, angu-
li singula latera eius, in
qua inscribitur, tangunt.



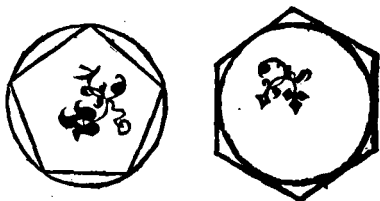
Β ΣΧΗ-

β

Σχῆμα ὃ ὁμοίως περὶ σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τοῦ περιγραφομένου, ἐκάστης γωνίας τοῦ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

2

Similiter & figura circum figuram describi dicitur, quum singula eius quæ circumscribitur, latera singulos eius figuræ angulos tetigerint, circum quam illa describitur.



γ

Σχῆμα ὃ ἐυθύγραμμον ἐς κύκλον ἐγγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τοῦ ἐγγραφομένου ἀπῆται τῷ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur, quum singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχῆμα ὃ ἐυθύγραμμον περὶ κύκλον περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῷ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ, τοῦ περιγραφομένου ἐφάπῃται.

E 4

4 Fi-

4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quum singula latera eius, quæ circum scribitur, circuli peripheriam tangunt.

α

Κύκλος ὃ ὁμοίως εἰς σχῆμα λέγεται ἐγγράφεισθαι, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τοῦ εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπῆται.

β

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figuræ, cui inscribitur.

γ

Κύκλος ὃ περὶ σχῆμα περιγράφεισθαι λέγεται, ὅταν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τοῦ περὶ ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quum circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

η

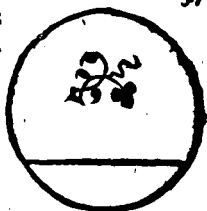
Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐναρμόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς, ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ἢ τοῦ κύκλου.

7

Recta linea in circulo accommodari seu coaptari

aptari dicitur, quum eius
extrema in circuli peri-
pheria fuerint.

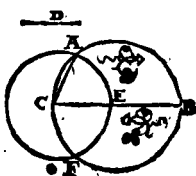
Προτάσις



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ μὴ μεί-
ζονοῦσῃ τῆς τοῦ κύκλου διαμέτρου, ἴσῳ εὐθεῖαν ἐ-
ναρμόσαι.

Problema 1. Propo-
sitio 1.

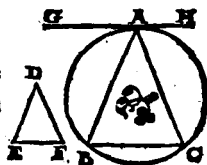
In dato circulo, rectam li-
neam accommodare æ-
qualem datæ rectæ lineæ,
quæ circuli diametro nō
sit maior.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥέγωνι ἰσογώ-
νιον ῥέγωνον ἐγγράψαι.

Problema 2. Propo-
sitio 2.

In dato circulo, triangu-
lum describere dato trian-
gulo æquiangulum.



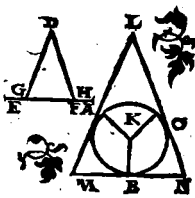
Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥέγωνι ἰσογώ-
νιον ῥέγωνον περιγράψαι.

E 5

Pro-

Problema 3. Propositio 3.

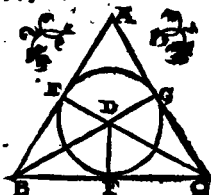
Circa datum circulū triangulū, describere dato triangulo equiangulum.



Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 4. Propositio 4.

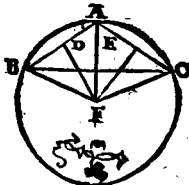
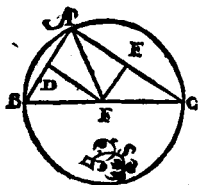
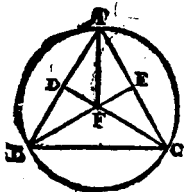
In dato triangulo circulum inscribere.



Περὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Problema 5. Propositio 5.

Circa datum triangulum, circulum describere.

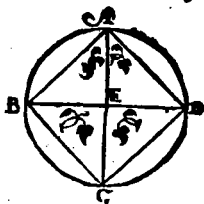


Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἐγγράψαι.

Pro.

Problema 6. Propo-
sitio 6.

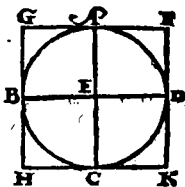
In dato circulo quadratū
describere.



Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον περιγρά-
ψαι.

Problema 7. Propo-
sitio 7.

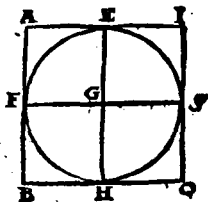
Circa datum circulum,
quadratum describere.



Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 8. Propo-
sitio 8.

In dato quadrato circu-
lum inscribere.

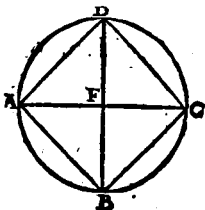


Περὶ τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγρά-
ψαι.

Pros

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 Problema 9. Propo-
 sitio 9.

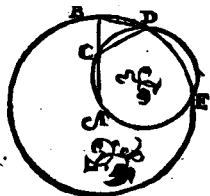
Circa datum quadratum,
 circulum describere.



Ἰσοσκελὲς τρίγωνον συνδιδασκῶσαι, ἔχον ἐκάλειραν τῶν
 πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν, διπλασίονα τῇ λοιπῇ.

Problema 10. Propo-
 sitio 10.

Isoceles triangulum con-
 struere, quod habeat v-
 trunque eorum, qui ad
 basin sunt, angulorum, du-
 plum reliqui.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε
 καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Theorema 11. Propositio 11.

In dato cir-
 culo, pen-
 tagonum
 æquilate-
 rum & æ-
 quiangu-
 lum inscri-
 bere.

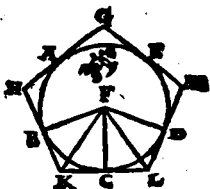


β

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε
καὶ ἰσογώνιον περιγράψαι.

Problema 12. Propo-
sitio 12.

Circa datum circulum,
pentagonum æquilate-
rum & æquiangulum de-
scribere.

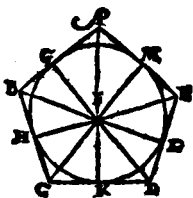


γ

Εἰς τὸν δοθέν πεντάγωνον, ὅ ἐστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰ-
σogώνιον, κύκλον ἐγγράψαι.

Problema 13. Propo-
sitio 13.

In dato pentagono æqui-
latero & æquiangulo, cir-
culum inscribere.



δ

Περὶ τὸν δοθέν πεντάγωνον, ὅ ἐστιν ἰσόπλευρόν τε καὶ
ἰσογώνιον, κύκλον περιγράψαι.

Problema 14. Propo-
sitio 14.

Circa datum pentagonū,
æquilaterum & æquian-
gulū, circulū describere.

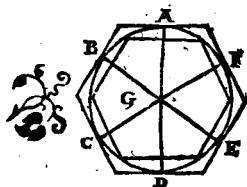
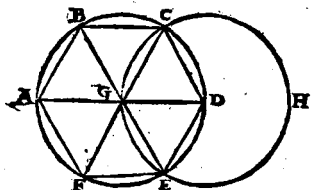


ε Εἰς

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

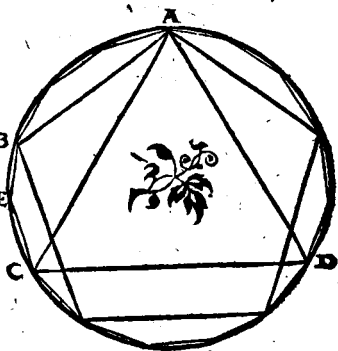
Problema 15. Propositio 15.

In dato circulo hexagonum & equilaterum & æquiangulum inscribere.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πεντεκαδεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγράψαι.

Propo. 16.
Theor. 16.
In dato circulo quindecag-
num & æquilaterū
& æquiangulum de-
scribere.



Elementi quarti finis.

ΕΥΚΛΕΙ⁴⁰

12.

10.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVLIDIS ELEMEN-

TVM QVINTVM.

δ Ρ Ο Ι.

α

Μέρος ἐστὶ μέγεθος μεγέθους, τὸ ἐλάσσον τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρή τὸ μείζον.

DEFINITIONES.

1

Pars est magnitudo magnitudinis minor maioris, quum minor metitur maiorem.

β

Πολλαπλάσιον ἔστι, τὸ μείζον τοῦ ἐλάσσονος, ὅταν καταμετρηται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος.

2

Multiplex autem est maior minoris, cum minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ἐστὶ δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ κατὰ πληκότητα πρὸς ἀλλήλα ποιά σχέσις.

3 Ratio

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

δ

Αναλογία δὲ ἔστιν, ἡ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationum similitudo.

ε

Λόγον ἔχειν πρὸς ἄλληλα μεγέθη λέγεται, ὃ δύναται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων, ὑπερέχειν.

5

Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuo superare.

5

Εν τῷ αὐτῷ λόγῳ μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς δεύτερον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ τοῦ πρώτου καὶ τρίτου ἰσάκεις πολλαπλάσια, τῶν τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτου ἰσάκεις πολλαπλασίων καὶ ὅποιον οὖν πολλαπλασιασμόν, ἑκάτερον ἑκατέρῃ ἢ ἅμα ἐλείπη, ἢ ἅμα ἴσα ᾖ, ἢ ἅμα ὑπερέχη ληφθέντα κατὰλληλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam.

quartam: cū primæ & tertiæ æquè multiplicia à secundæ & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab vtroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si easumantur quæ inter se respondent.

ξ

Τὰ ἢ τὸν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλείσθω.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

ὅταν ἢ τῶν ἰσάκεις πολλαπλασίων, τὸ μὲν τοῦ πρώτου πολλαπλάσιον ὑπερέχη τοῦ τοῦ δευτέρου πολλαπλασίῃ, τὸ ἢ τοῦ τρίτου πολλαπλάσιον, μὴ ὑπερέχη τοῦ τοῦ τετάρτου πολλαπλασίῃ, τὸ τε πρώτων πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ περὶ τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον.

8

Cū verò æquè multiplicium, multiplex primæ magnitudinis excesserit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excesserit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

θ

Αναλογία ἢ ἐν ἑσὶν ὁροις ἐλαχίστοις ἐστίν.

F

Pro-

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Όταν ἤ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον. ὅταν ἤ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχον λέγεται, ἢ πρὸς τὸ δεύτερον, καὶ αἰεὶ ἐξῆς ἐνὶ πλείον, ἕως ἀν ἡ ἀναλογία ὑπάρχη.

Cùm autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cùm quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγούμενα τοῖς ἡγούμενοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò consequentibus.

ιβ

Εναλλάξ λόγος, ἐστὶν λῆψις τοῦ ἡγούμενου πρὸς τὸ ἡγούμενον, καὶ τοῦ ἐπομένου πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alternata ratio, est sumptio antecedentis comparati ad antecedentem, & consequentis ad consequentem.

ιγ

Ανάπαλιν λόγος, ἐστὶ λῆψις τοῦ ἐπομένου ὡς ἡγούμενου, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

13

Inversa ratio, est sumptio consequentis, ceu antecedentis, ad antecedentem velut ad consequentem.

ιδ

Σύνθεσις λόγος, ἐστὶ λῆψις τοῦ ἡγούμενου μετὰ τοῦ ἐπομένου ὡς ἐνὸς πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum consequente ceu unius, ad ipsum consequentem.

ιε

Διάρρεσις δὲ λόγου, ἐστὶ λῆψις τῆς ὑπεροχῆς, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus

F 2 quo

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
quo consequentem superat antecedens ad
ipsum consequentem.

15

Αναστροφὴ λόγου, ἐστὶ λήψις τοῦ ἡγουμένου πρὸς τὴν ὑ-
περοχὴν, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγούμενον τοῦ ἐπομένου.

16

Conuersio rationis, est sumptio anteceden-
tis ad excessum, quo superat antecedens ip-
sum consequentem.

17

Δίσις λόγος ἐστὶ πλεόνων ὄντων μεγεθῶν, καὶ ἄλλων
αὐτοῖς ἴσων τὸ πλεόνος σύνδυο λαμβανομένων καὶ
ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὥς ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον, οὕτως ἐν τοῖς
δευτέροις μεγέθεσι, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ ἔσχατον. ἢ
ἄλλως, λήψις τῶν ἁκρῶν, καὶ ὑπεξαίρεσις τῶν μέ-
σων.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus sint
magnitudines, & his aliæ multitudine pares
quæ binæ sumantur, & in eadem ratione:
quum vt in primis magnitudinibus prima
ad vltimam, sic & in secundis magnitudini-
bus prima ad vltimam sese habuerit. vel ali-
ter, sumptio extremorum per subductio-
nem mediorum.

18

Τεταγμένη ἀνάλογια ἐστὶν, ὅταν ἢ ὥς ἡγούμενον
πρὸς ἐπόμενον, οὕτως ἡγούμενον πρὸς τὸ ἐπόμε-
νον,

των, ἢ ὥς ἐπόμῳνον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐπόμῳνον
πρὸς ἄλλο τί.

18

Ordinata proportio est, cūm fuerit quem-
admodum antecedens ad consequentem, ita
antecedens ad consequentem: fuerit etiam
vt consequens ad aliud quidpiam, ita conse-
quens ad aliud quidpiam.

19

Τετραγμένη ἡ ἀναλογία ἐστίν, ὅταν ῥιζῶν ὄντων με-
θεδῶν, καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος γίνεται ὥς
μὲν ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσιν ἡγούμενον πρὸς
ἐπόμῳνον, οὕτως ἐν τοῖς δευτέροις μεγέθεσιν, ἡγού-
μῳνον πρὸς ἐπόμῳνον: ὥς ἢ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέ-
θεσιν ἐπόμῳνον πρὸς ἄλλο τί, οὕτως ἐν τοῖς δευτέ-
ροις μεγέθεσιν ἄλλο τί πρὸς ἡγούμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus
positis magnitudinibus, & alijs quæ sint his
multitudine pares, cūm vt in primis qui-
dem magnitudinibus se habet antecedens
ad consequentem, ita in secundis magni-
tudinibus antecedens ad consequentem:
vt autem in primis magnitudinibus conse-
quens ad aliud quidpiam, sic in secundis ma-
gnitudinibus aliud quidpiam ad anteceden-
tem.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Προτάσεις.

α

Εάν ἡ ὁποσαοὺν μεγέθη, ὁποσωνοὺν μεγεθῶν ἴσων
τὸ πλῆθος, ἑκάστων ἑκάστῃ ἰσάκεις πολλαπλάσιον, ὅσα
πλάσιόν ἐστιν ἐν τῶν μεγεθῶν ἐνός, τοσαυταπλάσια
ἔσται καὶ τὰ πάντα τῶν πάντων.

Theorema 1. Propo-
sitio 1.

Si sint quotcunque magnitudi-
nes quotcunque magnitudinum
æqualium numero, singulæ singu-
larum æquè multiples, quàm
multiplex est vnus vna magnitu-
do, tam multiples erunt, & om-
nes omnium.

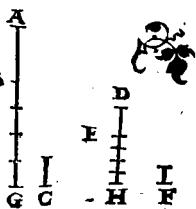


β

Εάν πρῶτον δευτέρῃ ἰσάκεις ἡ πολλαπλάσιον καὶ
ῥίτον τετάρτῃ, ἢ ὅ καὶ πέμπτῃ δευτέρῃ ἰσάκεις πολ-
λαπλάσιον, καὶ ἕκτῃ τετάρτῃ, καὶ συντεθὲν πρῶτον
καὶ πέμπτῃ δευτέρῃ ἰσάκεις ἔσται πολλαπλάσιον, καὶ
ῥίτον καὶ ἕκτῃ τετάρτῃ.

Theore. 2. Propo. 2.

Si prima secūde æquè fue-
rit multiplex, atq; tertia
quartæ, fuerit autem &
quinta secūdæ æquè mul-
tiplex, atq; sexta quartæ:
erit & composita prima



cum

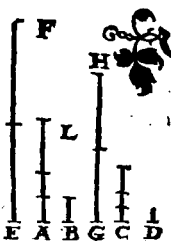
cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atq;
tertia cum sexta, quartæ.

γ

Εάν πρῶτον δευτέρου ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, καὶ
τρίτον τετάρτῃ, ληφθῇ δὲ ἡ ἰσάκεις πολλαπλάσια τοῦ
πρώτῃ καὶ τρίτῃ· καὶ δίσσῃ, τῶν ληφθέντων ἑκάτε-
ρον ἑκατέρῃ ἰσάκεις ἔσαι πολλαπλάσιον, τὸ μὲν τοῦ
δευτέρου, τὸ δὲ τοῦ τετάρτῃ.

Theorema 3. Propo-
sitio 3.

Si sit prima secundæ æquæ
multiplex atq; tertia quar-
tæ, sumantur autem æquæ
multiplices primæ & ter-
tiæ: erit & ex æquo sumpta
rum vtrique vtriusque æquæ multiplex, al-
tera quidem secundæ, altera autem quartæ.



δ

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον,
καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον· καὶ τὰ ἰσάκεις πολλαπλά-
σια τοῦ πρώτῃ καὶ τρίτῃ, πρὸς τὰ ἰσάκεις πολλα-
πλάσια τοῦ δευτέρου καὶ τετάρτῃ καθ' ὅποιον οὖν
πολλαπλασιασμὸν, τὸν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ληφθέντα κα-
τάλληλα.

F 4

Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 4. Propositio 4.

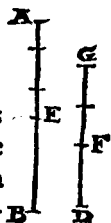
Si prima ad secundam, eandem habuerit
rationem, & tertia ad quartam: etiam æ-
què multipli-
ces primæ & ter-
tiæ, ad æquè
multiplices se-
cundæ & quar-
tæ iuxta quan-
tis multiplica-
tionem, eandem habebunt rationem, si
prout inter se respondent, ita sumptæ fue-
rint,



Εάν μέγεθος μέγεθους ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον,
ὅπερ ἀφαίρεδὲν ἀφαίρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τοῦ
λοιποῦ ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσιον, ὁσαπλάσιόν ᾖ τὸ
τὸ ὅλον τοῦ ὅλου.

Theorema 5. Propo-
sitio 5.

Si magnitudo magnitudinis
æquè fuerit multiplex, atque
ablata ablata: etiam reliqua
reliquæ ita multiplex erit, vt to-
ta totius,



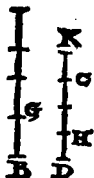
5 Εάν

5

Εάν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια, καὶ ἀφαιρεθέντα τινὰ τῶν αὐτῶν ἰσάκεις ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ᾗτοι ἴσα εἶναι, ἢ ἰσάκεις αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theorema 6. Propositio 6.

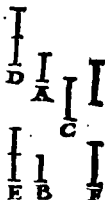
Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquæ multiples, & detractæ quædam sint earundem æquæ multiples: & reliquæ eisdem aut æquales sunt, aut æquæ ipsarū multiples.



3
Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἐχέει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theorema 7. Propositio 7.

Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.

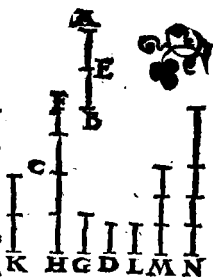


7
Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἐχέει, ἢ περὶ τὸ ἐλάττω: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐλάττω μείζονα λόγον ἐχέει, ἢ περὶ πρὸς τὸ μείζον.

F 5 Theor

Theorema 8. Propositio 8.

Inæqualium magnitudinum, maior ad eandem maiorem rationem habet, quàm minor: & eadem ad minorem, maiorem rationem habet, quàm ad maiorem.



9

Τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ τ' αὐτ' ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλήλοις εἰσι: καὶ πρὸς ᾧ τὸ αὐτὸ τ' αὐτ' ἔχει λόγον, καὶ κείνα ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theorema 9. Propositio 9.

Quæ ad eandem, eandem habent rationem, æquales sunt inter se: & ad quas eadem, eandem habet rationem, ex quòque sunt inter se æquales.



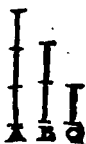
8

Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχόντων, τὸ τὸν μείζονα λόγον ἔχον, ἐκείνο μείζον' ὅτι πρὸς ᾧ τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλαττόν' ὅτι.

Theon

Theorema 10. Propositio 10.

Ad eandem magnitudinem, ratio-
nem habentium, quæ maiorem
rationem habet, illa maior est, ad
quam autem eadem maiorem ra-
tionem habet, illa minor est.



α

Οἱ τῶ αὐτῷ λόγοι οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ
αὐτοί.

Theorema 11. Propositio 11.

Quæ eidem sunt
eædem rationes,
& inter se sunt
eædem.



β

Ἐὰν ᾖ ὑποσαοῦν μεγέθη ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῶν ἡ-
γούμενων πρὸς ἐν τῶν ἐπομένων, οὕτως ἅπαντα τὰ
ἡγούμενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 12. Propositio 12.

Si sint magnitudines quotcunque proportionales, quemadmodum se habuerit vna antecedentium ad vnam consequentium, ita se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

17

Εάν πρῶτον πρὸς δεῦτερον τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον δὲ πρὸς τέταρτον μείζονα λόγον ἔχῃ, ἥπερ πέμπτον πρὸς ἕκτον: καὶ πρῶτον πρὸς δεῦτερον μείζονα λόγον ἔσθι, ἥπερ πέμπτον πρὸς ἕκτον.

Theorema 13. Propositio 13.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, tertia verò ad quartam, maiorem rationem habuerit, quàm quinta ad sextam: prima quoq; ad secundam maiorem rationem habebit, quàm quinta ad sextam.

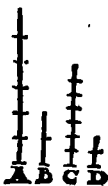
18 Εάν

18

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ
 τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ ᾧ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον
 ἢ καὶ τὸ δεύτερον τοῦ τετάρτου μείζον ἔσται, καὶ ἔλασ-
 θεν, ἔλασθεν.

Theorema 14. Propositio 14.

Si prima ad secundam eandem habuerit ra-
 tionem, quam tertia ad quartam,
 prima verò quàm tertia maior
 fuerit: erit & secunda maior quàm
 quarta. Quòd si prima fuerit æ-
 qualis tertiæ, erit & secunda æ-
 qualis quartæ: si verò minor, &
 minor erit.

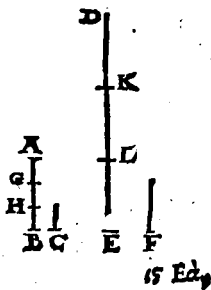


18

Τὰ μέρη, τοῖς ὡσαύτως πολλαπλασίοις τὸν αὐτὸν
 ἔχῃ λόγον, λήψις κατάλληλα.

Theorema 15. Propositio 15.

Partes, cum pariter mul-
 tiplicibus in eadem sunt
 ratione, si prout sibi mu-
 tuo respondent, ita su-
 mantur.



15 Εα,

Εάν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾤ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ᾤται.

Theorema 19. Propositio 16.

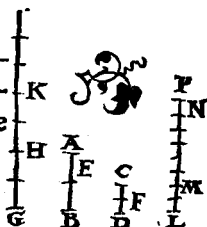
Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, & vicissim proportionales erunt.



Εάν συγχείρμα μεγέθη ἀνάλογον ᾤ, καὶ διαμερδέντα, ἀνάλογον ᾤται.

Theorema 17. Propositio 17.

Si compositæ magnitudines proportionales fuerint, hæ quoque diuisæ proportionales erunt.



Εάν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾤ, καὶ ἰσωτεθέντα ἀνάλογον ᾤται.

Theo.

Theorema 18. Propositio 18.

Si diuifæ magnitudines ſint proportionales, hæ quoque compoſitæ proportionales erunt.

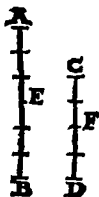


ι θ

Εὰν ἡ ὥς ὅλον πρὸς ὅλον, οὕτως, ἀφαιρεθὲν πρὸς ἀφαιρεθὲν: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἴσαι, ὥς ὅλον πρὸς ὅλον.

Theorema 19. Propositio 19.

Si quemadmodum totum ad totum, ita ablatum se habuerit ad ablatum: & reliquum ad reliquum, vt totum ad totum se habebit.



κ

Εὰν ἡ τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδεο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, διίστασθαι τὸ πρῶτον τοῦ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτου μείζον ἴσαι: καὶ ἴσον, ἴσον: καὶ ἔλασθαι, ἔλασθαι.

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theore. 20. Pro- positio 20.

Si sint tres magni-
tudines, & aliæ i-
pſis æquales nume-

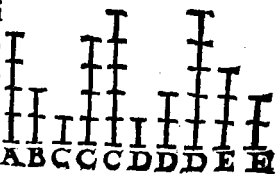
ro, quæ binæ & in eadem ratione ſumantur,
ex æquo autem prima quàm tertia maior
fuerit: erit & quarta, quàm ſexta maior.
Quòd ſi prima tertiæ fuerit æqualis, erit &
quarta æqualis ſextæ: ſin illa minor, hæc
quoque minor erit.

κα

Εάν ἡ Ζ΄ ἴα μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος
σύνδυο λαμβανόμενα, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ᾧ τε-
ταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, δῖισθαι δὲ τὸ πρῶτον
τοῦ Ζ΄ ἴα μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον τοῦ ἑκτοῦ μείζον
ἔσαι: καὶ ἴσον ἴσον: καὶ ἑλάσσον, ἑλάσσον.

Theorema 21. Propositio 21.

Si ſint tres magni-
tudines, & aliæ ip-
ſis æquales nume-
ro quæ binæ & in
eadē ratioē ſumā-
tur, fueritq; per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autem prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

α β

Εάν ἡ ὀποσαοῦν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, καὶ διττὰ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἴσαί.

Theorem. 22.

Prop. 22.

Si sint quotcunq; magnitudines, & æquæ ipsis æquales numero,



quæ binæ in eadem ratione sumantur, & ex æqualitate in eadem ratione erunt.

α γ

Εάν ἡ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ὅ τετραγµένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ διττὰ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἴσαί.

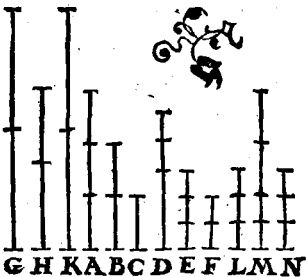
G

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 23.

Si sint tres magnitudines, aliarumque ipsis equalibus numero, quæ binæ in eadem ratione sumantur, fuerit autem perturbata earum proportio: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.

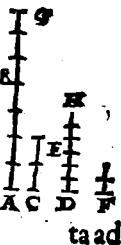


κδ

Εάν πρῶτον πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔχη λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχη ἡ καὶ πέμπτη πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν λόγον, καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον: καὶ συντεθὲν πρῶτον καὶ πέμπτη πρὸς δεύτερον τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον, καὶ τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέταρτον.

Theorema 24. Propositio 24.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quam tertia ad quartam, habuerit autem & quinta ad secundam eandem rationem, quam sexta ad quartam: etiam composita prima cum quin-



ta ad secundam eandem habebit rationem,
quam tertia cum sexta ad quartam.

κ β

Εάν τεσσαρα μεγίθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ μέγιστον καὶ τὸ
ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ᾗ ἐστιν.

Theorema 25. Propo-
sitio 25.

Si quatuor magnitudines
proportionales fuerint, maxi-
ma & minima reliquis dua-
bus maiores erunt.



Elementi quinti finis.

G 2

EYKAE

ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

EKTON.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SEXTVM.

ΒΡΟΙ.

Ομοια σχήματα ευθύγραμμά εστιν, ὅσα τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχῃ κατὰ μίαν, καὶ τὰς περὶ τὰς
ἴσας γωνίας πλευρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

1

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ & an-
gulos singulos singulis æquales habent, at-
que etiam latera, quæ circum angulos æqua-
les, proportionalia.

β ΑΥΛ-

β

Ανέπεσον δότα ὁ σχήματά ὅτιν, ὅταν ἑκατέρω
τῶν σχημάτων ἡγούμενοί τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι
ᾧσιν.

2

Reciproce autem figuræ sunt, cùm in vtra-
que figura antecedentes & consequentes ra-
tionum termini fuerint.

γ

Ακρον καὶ μέγαν λόγον εὐδεῖα τετμήσθαι λέγεται, ὅ-
ταν ἢ ὥς ἡ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, ὁὕτως τὸ μῆ-
ζον πρὸς τὸ ἐλασθῇ.

3

Secundum extremam & mediam rationem
recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad
maius segmentum, ita maius ad minus se ha-
buerit.

δ

Υψος ἐστὶ παντὸς σχήματος, ἢ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ
τὴν βάσιν κάθετος ἀγομένη.

4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpen-
dicularis à vertice ad basin deducta.

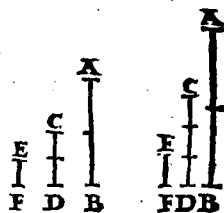
ε

Λόγος ἐκ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λό-
γων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι
ποιῶσιν ἕνα λόγον.

G 3

Ra-

⁵
Ratio ex rationibus cō-
poni dicitur, cūm ratio-
num quantitates inter
se multiplicatæ aliquam
effecerint rationem.



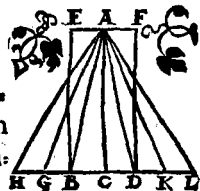
Προτάσεις.

^ω

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τὸ
αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 1. Propo-
sitio 1.

Triangula & parallelo-
gramma, quorum eadem
fuerit altitudo, ita se ha-
bent inter se vt bases.



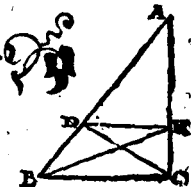
^β

Εάν τριγώνω παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν ἀχθῇ τις ἐυ-
θεῖα παράλληλος ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τοῦ τριγώνου
πλευρὰς. καὶ ἐάν αἱ τοῦ τριγώνου πλευραὶ ἀνάλογον
τμηθῶσιν, ἢ ἐπὶ τὰς τομὰς ἐπιζευγνυμένη ἐυθεῖα,
παρὰ τὴν λοιπὴν ἑσάν τοῦ τριγώνου πλευρὰν πα-
ράλληλος.

Theorem 2. Propositio 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela du-
cta

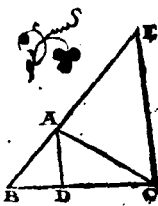
Ἄντι fuerit recta quædam linea: hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera. Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint: quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea, erit ad reliquum ipsius trianguli latus parallela.



Εάν ζιγώντ γωνία δίχα τμήθῃ, ἢ δὲ τέμνουσα τὴν γωνίαν ἐνθεῖα τέμνῃ καὶ τὴν βάσιν, τὰ τῆς βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξαι λόγον τῆς λοιπῆς τοῦ ζιγώντ πλευρῆς. καὶ ἐὰν τὰ τῆς βάσεως τμήματα, τὸν αὐτὸν ἔχῃ λόγον τῆς λοιπῆς τοῦ ζιγώντ πλευρῆς, ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν τομὴν ἐπιζευγυμένη ἐνθεῖα δίχα τέμνῃ τὴν τοῦ ζιγώντ γωνίαν.

Theorema 3. propositio 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basim: basis segmenta eandem habebunt rationem, quam reliqua ipsius trianguli latera. Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera, recta li-



G 4

nea,

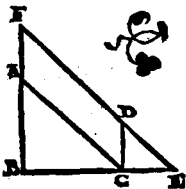
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secant trianguli ipsius an-
gulum.

δ

Τῶν ἰσγωνίων ῥιγῶνων, ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ
αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ τὰς
ἴσας γωνίας ὑποτείνεσθαι πλευραὶ.

Theorema 4. Propositio 4.

Aequiangulorum trian-
gulorum proportionalia
sunt latera, quæ circum æ.
quales angulos, & homo-
loga sunt latera, quæ æ-
qualibus angulis subten-
duntur.

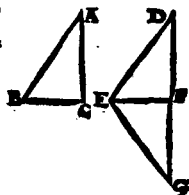


ε

Εάν δύο ῥίγωνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ, ἰσγώ-
νια ἔσθαι τὰ ῥίγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας ὑφ' αἷς
αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνεσθιν.

Theorema 5. Propositio 5.

Si duo triangu-
la latera pro-
portionalia habeant, equi-
angula erunt triangu-
la, &
æquales habebunt eos an-
gulos, sub quibus homo-
loga latera subtendun-
tur.



5 Εάν

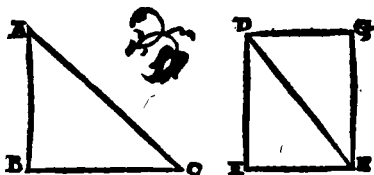
5

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴσην ἔχῃ, περὶ ᾗ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, ἵθι γωνία ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας, ὑφ' αἷς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theorema 6. Propositio 6.

Si duo triangu-
la vnum angulum vni an-
gulo æqualem, & circum æquales angulos
latera proportionalia habuerint, æquiangu-
la erunt

triangu-
la, æqua-
lesq; ha-
bebunt
angulos,
sub qui-



bus homologa latera subtenduntur.

ζ

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μιᾶ γωνία ἴσην ἔχῃ, περὶ ᾗ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον, τῶν δὲ λοιπῶν ἑκατέραν ἅμα ἢ τι ἐλάσσθαι ἢ μὴ ἐλάσσθαι ὁρῶντες, ἵθι γωνία ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας, περὶ αἷς ἀνάλογόνεισιν αἱ πλευραί.

Theorema 7. Propositio 7.

Si duo triangu-
la vnum angulum vni an-
gulo æqualem, circum autem alios angu-
los

G 5

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

los latera proportionalia habeant, reliquo-
rum verò simul vtrunque aut minorem aut
nó mino

rē recto:

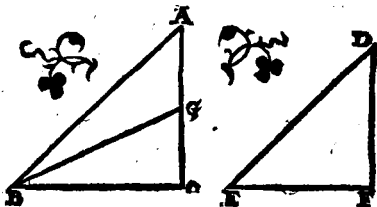
equiāgu

la erunt

triangu-

la, & æ-

qualesha



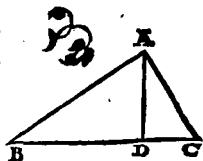
bebunt eos angulos, circum quos propor-
tionalia sunt latera.

η

Εάν τινος ὀρθογωνίου τρίγωνου, ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας
ἐπὶ τὴν βάσιν κἀνέτος ἀχθῇ, τὰ πρὸς τῇ κἀνέτῳ
τρίγωνα ὁμοιά ἐστιν τῷ τε ὅλῳ, καὶ ἀλλήλοις.

Theorema 8. Propositio 8.

Si in triangulo rectangu-
lo, ab angulo recto in ba-
sin perpendicularis du-
cta fit, quæ ad perpendi-
cularem triangula, tum
toti triangulo, tum ipsa
inter se similia sunt.



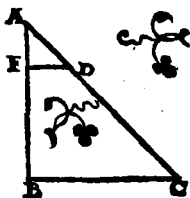
θ

Τῆς δοθείσης ἐνθείας τὸ προσταχθὲν μέτρος ἀφελῆν.

Pro

Problema 1. Propositio 9.

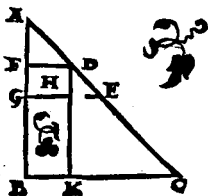
A data recta linea im-
ratam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἀτμητον, τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ
τετμημένη ὁμοίως τεμεῖν.

Problema 2. Propositio 10.

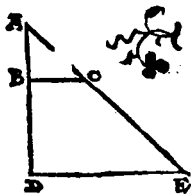
Datam rectam lineam in-
sectam similiter secare, vt
data altera recta secta fue-
rit;



Δύο δοθεῖσων εὐθεῖων, ζήτην ἀνάλογον προσευ-
ρεῖν.

Problema 3. Propositio 11.

Duabus datis rectis li-
neis, tertiam proportio-
nalem inuenire.



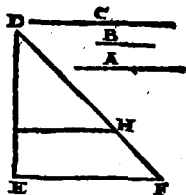
1β Τριῶν

13

Τριῶν δοθεῖσῶν εὐθειῶν, τετάρτην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Problema 4. Propositio 12.

Tribus datis rectis lineis, quartam proportionalē adinuenire.

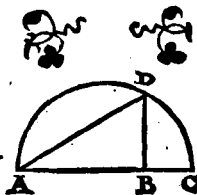


14

Δύο δοθεῖσῶν εὐθειῶν, μέσλην ἀνάλογον προσευρεῖν.

Problema 5. Propositio 13.

Duabus datis rectis lineis, mediam proportionalem adinuenire.



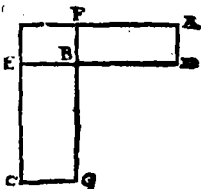
15

Τῶν ἴσων τε καὶ μίαν μιᾷ ἴσῳ ἐχόντων γωνίαν παραλληλογράμμων, ἀντιπεπώνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας· καὶ τῶν παραλληλογράμμων μίαν μιᾷ ἴσῳ ἐχόντων γωνίαν, ἀντιπεπώνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσα ἐστὶν ἕκαστα.

Theon

Theorema 8. Propositio 14.

Aequalium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vnum angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

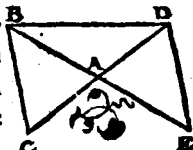


18

Τῶν ἰσῶν, καὶ μίαν μιᾷ ἰσῶν ἔχόντων γωνίαν διγώνων ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ, αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας: καὶ ὧν μίαν μιᾷ ἰσῶν ἔχόντων γωνίαν ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς ἰσὰς γωνίας, ἴσα εἰσὶν ἐκείνα.

Theorema 10. Propositio 15.

Aequalium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulum vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

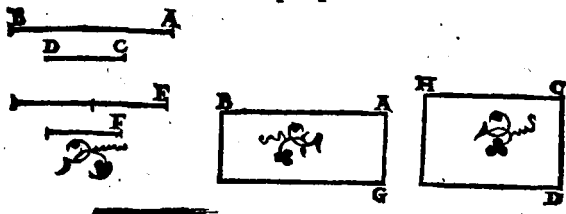


15 Eay

Εάν τέσσαρες ευθείαι ἀνάλογον ᾤσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσόν ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἀκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον, ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ τέσσαρες ευθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema II. Propositio 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis cōprehenditur rectangulū, æquale est ei, quod sub medijs cōprehēditur rectāgulo. Et si sub extremis cōprehensum rectangulū æquale fuerit ei, qđ sub medijs continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.

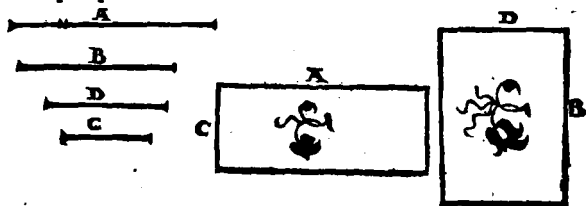


Εάν ῥεῖς ευθείαι ἀνάλογον ᾤσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ᾖ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ. καὶ εἰ τὸ ὑπὸ τῶν ἀκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον, ἢ τῷ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχομένῳ ὀρθογώνιῳ, αἱ ῥεῖς ευθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theo.

Theorema 12. Propositio 17.

Si tres rectæ lineæ sint proportionales, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod à media describitur quadrato: & si sub extremis comprehensum rectangulum æquale sit ei quod à media describitur quadrato, illæ tres rectæ lineæ proportionales erunt.

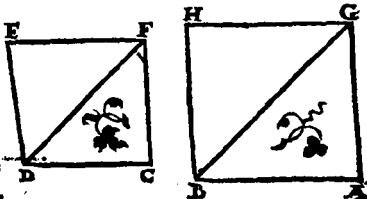


17

Ἀπὸ τῆς δοθείσης ἐνδεΐας, τῷ δοθέντι ἐνδυγράμμῳ ὁμοιον καὶ ὁμοίως κείμενον ἐνδυγράμμον ἀναγράψαι.

Probl. 6. Propositio 18.

A data recta linea, dato rectilineo simile simili-terq; positi- tū rectilineum describere.



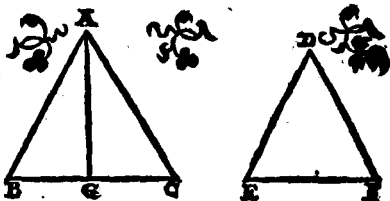
18

Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἀλλήλα ὡς διπλασίονι λόγῳ ἐστὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 13. Propositio 19.

Similia
triangu-
la iter se
sunt i du-
plicata ra-
tione la-
teru ho-
mologorum.

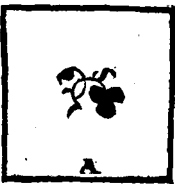
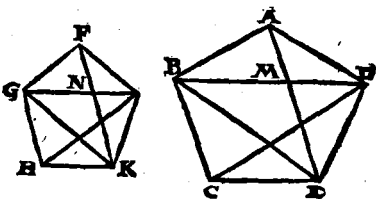


x

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια ῥιζῶνα διαιρεῖται, καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τοῖς ὅλοις : καὶ τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ περὶ ὁμόλογον πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

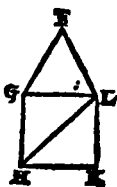
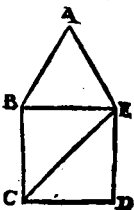
Theorema 14. Propositio 20.

Similia
polygona in si-
milia tri-
angula diuidun-
tur, & nu-
mero æ-
qualia,
& homo-
loga to-
tis. Et po-
lygona



duplis

duplicitā
habent eā
inter se ra-
tionē, quā
latus ho-
mologum
ad homo-
logum latus.



κα

Τὰ τῶ αὐτῶ εὐδύγραμμά ὁμοία, καὶ ἀλλήλοις
ἔσιν ὁμοία.

Theorema 15. Propo-
sitio 21.



Quæ eidem rectilineo
sunt similia, & inter se
sunt similia.



κβ

Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσιν, καὶ τὰ αὐ-
τῶν εὐδύγραμμά ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμ-
μένα ἀνάλογον ἔσαι. καὶ τὰ αὐτῶν εὐδύγραμ-
μά ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἢ,
καὶ αὐταὶ αἰ εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

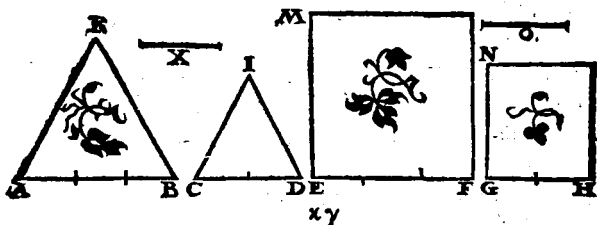
Theorema 16. Propositio 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fue-
rint: & ab eis rectilinea similia similiterque
descripta proportionalia erunt. Et si à rectis

H lineis

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

lineis similia similiterque descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.

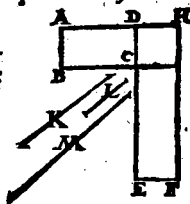


Τὰ ἰσόγώνια παραλληλόγραμμα πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν.



Theorema 17. Propositio 23.

Aequiangula parallelogramma inter se ratione habent eam, quæ ex lateribus componitur.

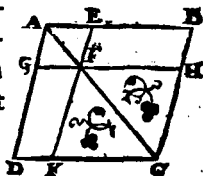


Παντὸς παραλληλογράμμου τὰ περὶ τὴν διάμετρον παραλληλόγραμμα, ὁμοιά ὅτι τῷ τε δλαφ καὶ ἀλλήλοις.

Theorema 18. Propositio 24.

In

In omni parallelogrammo, quæ circa diametrum sunt parallelogramma, & toti & inter se sunt similia.

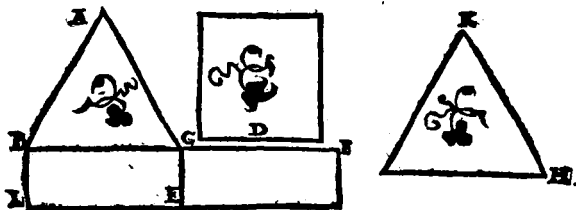


x 4

Τὸ δοθέν ἐν ἑνὶ γράμματι ὁμοιον, καὶ ἄλλο δὲ δοθέν ἐν ἑνὶ τὸ αὐτὸ συστήσασθαι.

Problema 7. Propositio 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æquale idem constituere.

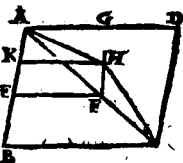


x 5

Εὰν ἀπὸ παραλληλογράμμου παραλληλόγραμμον ἀφαρῇ ὁμοίον τε δὲ ὅλῳ καὶ ὁμοίως κείμενον, κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον ὅτι δὲ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallélogrammo paral-
lelogrammum ablatum sit
& simile toti & similiter
positum cōmuniem cum eo



EVCLID. ELEMEN. GEOM.

habens angulum, hoc circum eandem cum
toto diametrum consistit.

κζ

Πάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν παραβαλλο-
μένων παραλληλογράμμων, καὶ ἐλλειπόντων εἶδεισι
παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως κείμεναις
ὥς ἀπὸ τῆς ἡμισείας ἀναγραφομένῳ, μέγιστόν ἐστι
τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παραβαλλόμενον παραλλη-
λόγραμμον, ὁμοιον δὲ ὥς ἐλλείμματι.

Theorema 20. Propositio 27.

Omniū parallelogrammorum secundum
eandem rectam lineam applicatorum defi-
cientiumque figuris parallelogrammis si-
milibus similiterque positis ei, quod à di-
midia

descri-

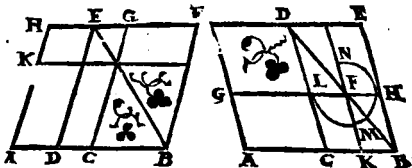
bitur,

maxi-

mun-

id est,

quod



ad dimidiam applicatur parallelogrammum
simile existens defectui.

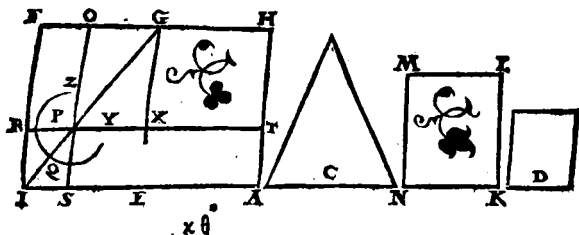
κη

Παρὰ τὴν δοθείσαν εὐθεΐαν, ὥς δοθέντι εὐθυγράμ-
μῳ ἵσῳ παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν, ἐλλεί-
πον εἶδει παραλληλογράμμοιο ὅμοιόν ἐστι τῷ δοθέντι.
δεῖ δὲ τὸ διδόμενον εὐθύγραμμον, ὥς δεῖ ἵσῳ παρα-
βαλεῖν,

βαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας παρα-
βαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῶν ἐλλείψεων, τοῦ τε
ἀπὸ τῆς ἡμισείας καὶ ὃ δὲ ὁμοιον ἐλλείπεν.

Problema 8. Propositio 28.

Ad datam lineam rectam, dato rectilineo
æquale parallelogrammum applicare defi-
ciens figura parallelogramma, quæ similis
sit alteri rectilineo dato. Oportet autem
datum rectilineum, cui æquale applican-
dum est, non maius esse eo quod ad dimi-
diam applicatur, cùm similes sint defectus
& eius quod à dimidia describitur, & eius
cui simile deesse debet.



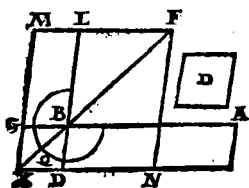
Παρά τὴν δοθεῖσαν, εὐθεῖαν ὡς δοθέντι εὐθυγράμ-
μῳ ἴσῃ παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν ὑπερ-
βάλλον εἶδος παραλληλογράμμου ὁμοίῳ ὡς δοθέντι.

Problema 9. Propositio 29.

Ad datam rectam lineam, dato rectilineo
H 3 æquale

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

æquale parallelogrammum applicare, excedens figura parallelogramma, quæ similis sit parallelogrammo alteri dato.

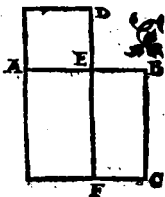


λ

Τὴν τιθεῖσαν ἐυθεῖαν πεπιρασμένην, ἄκρον καὶ μέθρην λόγον τεμῆν.

Problema 10. Propositio 30.

Propositam rectam lineam terminatam, extrema ac media ratione secare.



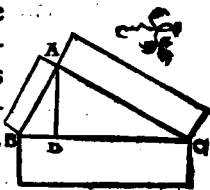
λα

Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις ῥιγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς γωνίας ὑποτείνουσας πλευρᾶς εἶδος ἵθιν ἐν τοῖς ἀπὸ τῶν τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιεχουσῶν πλευρῶν εἶδεσι τοῖς ὁμοίοις καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενοις.

Theorema 21. Propositio 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis à latere rectum angulum subtendēte descripta æqua-

æqualis est figuris, quæ
priori illi similes & simi-
liter positæ à lateribus
rectum angulum conti-
nentibus describuntur. B

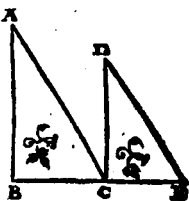


λβ.

Εάν δύο τρίγωνα συντεθῇ κατὰ μίαν γωνίαν τὰς
δύο πλευρὰς τῆς δυσὶ πλευρῶν ἀνάλογον ἔχοντα,
ὥς τε τὰς ὁμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ παραλλή-
λως εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευρῶν ὅτε ἐυ-
θείας εἶναι.

Theorema 22. Propositio 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus la-
teribus proportionalia habeant, secundum
vnum angulum compo-
ta fuerint, ita ut homolo-
ga eorum latera sint etiā
parallela, tum reliqua il-
lorum triangulorum la-
tera in rectam lineam col-
locata reperientur.



λγ.

Εν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον ἔχου-
σι τῶν περιφερειῶν, ἐφ' ὧν βεβήκασιν, εἰάντε πρὸς
τοῖς κέντροις, εἰάντε πρὸς τῶν περιφερειῶν ὥς τι βε-
βήκαται. ἐκ δὲ καὶ οἱ τομῆς, ἅτε πρὸς τοῖς κέντροις
συνιστάμενοι.

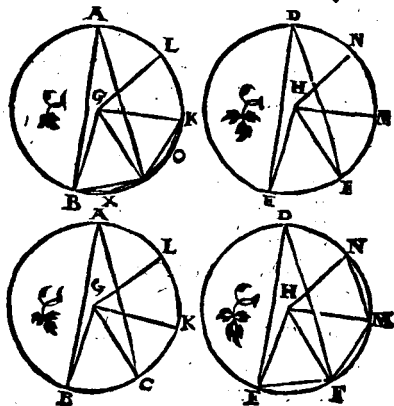
H 4

Theo-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theorema 23. Propositio 33.

In æqualibus circulis anguli eandem habent rationem cum ipsis peripherijs in quibus insistent, siue ad centra, siue ad peripherias cōstitu-
ti illis insistent peripheriis. Insu-
per verò & secto-
res, qui
pe. qui
ad cen-
tra con-
sistent.



Elementi sexti finis.

61

ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ
ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM SEPTIMVM.

Σ Π Ο Ι.

α

Μονάς ὄντι, καθ' ἣν δ' ἕκαστον τῶν ὄντων ἐν λε-
γεται.

DEFINITIONES.

I

Vnitas, est secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Ἀριθμὸς ὅ, τὸ ἐκ μονάδων συγκείμενον πλῆθος.

2

Numerus autem, ex vnitatibus composita
multitudo.

Η 5 γ Μίρος

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

^γ
Μέρος ἐστὶν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ ὁ ἐλάσσων τοῦ μείζονος, ὅταν καταμετρήσῃ τὸν μείζονα.

³
Pars, est numerus numeri minor maioris, cum minor metitur maiorem.

^δ
Μέρῃ δὲ, ὅταν μὴ καταμετρήῃ.

⁴
Partes autem, cum non metitur.

^ε
Πολλαπλάσιος δὲ, ὁ μείζων τοῦ ἐλάττονος, ὅταν καταμετρήται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος.

⁵
Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem metitur minor.

^ε
Ἀρῖκος δὲ ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ δίχα διαγρούμενος.

⁶
Par numerus, est qui bifariam diuiditur.

^ζ
Περισσὸς δὲ, ὁ μὴ διαγρούμενος δίχα. ἢ, ὁ μονάδι διαφέρων ἀρτίῳ ἀριθμῷ.

⁷
Impar verò, qui bifariam non diuiditur: vel, qui unitate differt à pari.

^η
Ἀρῖακις ἀρῖκος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίῳ ἀριθμοῦ

μοῦ μέζου μῶμος κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus, est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Ἀρτιάκις ἢ περισσός ἐστιν, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ μετρούμενος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quem par numerus metitur per numerum imparem.

10

Περισσάκις ἢ περισσός ἐστιν ἀριθμός, ὁ ὑπὸ περισσοῦ μέζου μῶμος κατὰ περισσὸν ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus, est quem impar numerus metitur per numerum imparem.

11

Πρῶτος ἀριθμός ἐστιν, ὁ μονάδι μόνῃ μέζου μῶμος.

11

Primus numerus, est quem vnitas sola metitur.

12

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μέζου μῶμοι κοινῷ μέτρῳ.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

13 Σήν-

¹⁷
Σύνθετος ἀριθμός ἐστίν, ὃ ἀριθμῶ τινὶ μεζούμενος.

¹³
Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

¹⁸
Σύνθετος ἔστι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοί εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ τινὶ μεζούμενοι κοινῶ μεζω.

¹⁴
Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

¹⁶
Αριθμός ἀριθμὸν πολλαπλασιάζειν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τσαυτάκις σιωτεῖται ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

¹⁵
Numerus numerum multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

¹⁵
ὅταν ἔδύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὃ γενόμενος ἐπίπεδος καλεῖται, πλευρὰ δὲ αὐτοῦ, οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

¹⁶
Cum autem duo numeri mutuò sese multipli-

tiplicātes quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicētur.

13

ὅταν ὅ τρεῖς ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλή-
λως ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος τετρὺς καλεῖται,
πλευρὰ δὲ αὐτοῦ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλως ἀ-
ριθμοί.

17

Cūm verò tres numeri mutuò sese multi-
plicantes quempiam faciunt, qui procrea-
tus erit solidus appellabitur, qui autem nu-
meri mutuò sese multiplicarint, illius latera
dicentur,

14

Τετράγωνος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ὑπὸ δύο
ἴσων ἀριθμῶν περιεχόμενος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æ-
qualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris
continetur.

10

Κύβος ὅ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ὑπὸ τριῶν ἴσων
ἀριθμῶν περιεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqua-
liter. vel, qui à tribus æqualibus numeris
continetur.

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

κ

Αριθμοὶ ἀνάλογόν εἰσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τοῦ δευτέρου καὶ ὁ τρίτος τοῦ τετάρτου ἰσάκως ἢ πολλαπλασίως, ἢ τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾖσιν.

20

Numeri proportionales sunt, cū primus secundi, & tertius quarti æquè multiplex est, vel eadem pars, vel eadem partes.

κα

ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι καὶ στερεοὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui proportionalia habent latera.

κ β

τέλειος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖ.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipsius partibus est æqualis.

Προτάσις.

α

Εὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσων ἐκκειμένων, ἀνθυφαιρούμεναι αἰετὸς τοῦ ἐλαίσθους ἀπὸ τοῦ μείζονος ὁ λειψόμενος μηδέποτε καταμεξῇ τὸν πρὸ ἑαυτοῦ ἕως οὗ ληφθῇ μονάς, οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theo-

Theorema 1. Propositio 1.

Duobus numeris inæqualibus propo-
tis, si detrahatur semper minor
de maiore, alterna quadam de-
tractione, neque reliquus vn-
quam metiatur præcedentem
quoad assumpta sit vnitas: qui
principio propositi sunt nume-
ri primi inter se erunt.

$$\begin{array}{ccc} A & & \\ H & & C \\ \vdots & & \vdots \\ F & & G \\ \vdots & & \vdots \\ B & D & E \end{array}$$

β

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους,
τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Problema 1. Propo. 2.

Duobus numeris datis non
primis inter se, maximam
eorum communem mensu-
ram reperire.

$$\begin{array}{ccc} A & & C \\ \vdots & & \vdots \\ E & & F \\ \vdots & & \vdots \\ B & D & B \end{array}$$

γ

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλή-
λους, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Problema 2.

Prop. 2.

$$\begin{array}{ccccc} \ddot{A} & \ddot{B} & \ddot{C} & \ddot{D} & \ddot{E} \\ 8 & 6 & 4 & 2 & 3 \end{array}$$

Tribus numeris
dati non primis

$$\begin{array}{ccccc} \ddot{A} & \ddot{B} & \ddot{C} & \ddot{D} & \ddot{E} & \ddot{F} \\ 18 & 13 & 8 & 6 & 2 & 3 \end{array}$$

inter

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

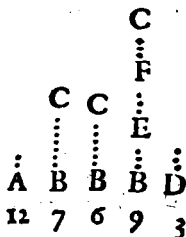
inter se, maximam eorum communem mensuram reperire.

δ

Πᾶς ἀριθμὸς πάντος ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τοῦ μένουτος, ἢτοι μέρος ἐστίν, ἢ μέρος.

Theorema 2. Propositionio 4.

Omnis numerus, cuiusq; numeri minor maioris aut pars est, aut partes.

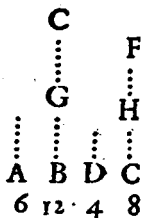


ε

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὸ αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρους τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται, ὅπερ ὁ εἰς τοῦ ἐνός.

Theorema 3. Propositionio 5.

Si numerus numeri pars fuerit, & alter alterius eadem pars, & simul uterque utriusque simul eadem pars erit, quæ unus est unius.



ς

Εὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐτὰ μέρη ᾖ, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρους τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται, ὅπερ ὁ εἰς τοῦ ἐνός.

Theo.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alterius ex
dem partes, & simul vter
que vtriusque simul ex
dem partes erūt, quę sunt
vnus vnus.

		E	
B		...	
...		H	
H		...	
...	C	D	F
A			
6	9	8	11

ζ

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ ὅπερ ἀφαιρεθεὶς ἀφαί
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ αὐτὸ μέρος ἔσται δι
πλεῖς ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quę detractus detracti, & reli
quus reliqui eadē pars erit quę
totus est totius.

	D
	...
	F
	...
B	
E	C
...	...
A	G
6	16

η

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἢ ὅπερ ἀφαιρεθεὶς ἀφαί
ρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται
πλεῖς ὁ ὅλος τοῦ ὅλου.

I Theor.

EVCLID. ELEM. GEOM.
Theor.6.Proposit.8.

	B	D
Si numerus numeri ex-	⋮	⋮
dem sint partes quæ detra-	E	F
ctus detracti, & reliquus	⋮	⋮
reliqui eædem partes e-	L	⋮
runt, quæ sunt totus to-	⋮	⋮
tius.	A	C
	11	12

9 G...M.K...N.H.

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾗ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὸ αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος εἰσὶν ἡ μέρη ὁ πρῶτος τοῦ τρίτου, τὸ αὐτὸ μέρος εἶναι ἡ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ὁ δεύτερος τοῦ τετάρτου.

Theor.7.Proposit.9.

Si numerus numeri pars		C		F
sit, & alter alterius eadē		⋮		⋮
pars, & vicissim quæ pars		G		H
est vel partes primus ter-	⋮	⋮	⋮	⋮
tij, eadem pars erit vel	A	B	D	E
eædem partes & secun-	4	8	5	10
dus quarti.				

Εάν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ᾗ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος εἰσὶν ὁ πρῶτος τοῦ τρίτου ἡ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη εἶναι, καὶ ὁ δεύτερος τοῦ τετάρτου, ἡ μέρος.

Theor.

LIBER VII
Theor. 8. Propo. 10.

66

Si numerus numeri partes sint, & alter alterius eadem partes, etiam vicissim quæ sunt partes aut pars primus tertij, eadem partes erunt vel pars & secundus quarti.

		E	
H	...	H	...
G	...	D	F
A	C	10	18
4	6		

Εάν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, οὕτως ἀφαιρέσῃς πρὸς ἀφαίρεθέντα, καὶ ὁ λοιπὸς πρὸς τὸν λοιπὸν ἴσχυός ὅλος πρὸς ὅλον.

Theor. 9. Propo. 11.

Si quemadmodum se habet totus ad totum, ita detractus ad detractum, & reliquus ad reliquum ita habebit ut totus ad totum.

B	D
...	...
E	F
...	...
A	C
6	8

Εάν ὧσιν ὁ προσοιστοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογοι, ἴσχυός ὡς ὡς τῶν ἡγεμίων πρὸς ἑκατὼν ἐπομένων, οὕτως ἀπαντες οἱ ἡγούμενοι πρὸς τοὺς ἐπομένους.

Theor. 10. Propo. 12.

Si sint quotcunque numeri proportionales, quemadmodum se habet unus antecedentium ad unum sequentium, ita se habet

A	B	C	D
9	6	3	2
1	2		habet

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
habebunt omnes antecedentes ad omnes
consequentes.

17
Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσι, καὶ ἐναλλὰξ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint
proportionales, & vicif-
sim proportionales erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	9	3

18.
Εάν ᾧσιν ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτῖς ἴσοι
τὸ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λό-
γῳ, καὶ δι' ἴσου ἐν αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcun-
que numeri & a-
lij illis æquales

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
12	6	3	8	4	2

multitudine, quā bini sumantur & in eadem
ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratio-
ne erunt.

19.
Εάν μονὰς ἀριθμὸν ἕνα μετρή, ἰσάκιστα ἄλλος ἀρ-
θμός ἄλλον ἕνα ἀριθμὸν μετρή, καὶ ἐναλλὰξ ἰσά-
κιστα ἢ μονὰς τὸ τρίτον ἀριθμὸν μετρήσῃ καὶ ὁ δεύτε-
ρος τέταρτον.

Theo-

Theor. 13. Propo. 15.

Si vnitas numerū quem-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quēdam
numerū æquē metiatur,
& vicissim vnitas tertium
numerū æquē metietur,
atq; secundus quartum.

C
H
G

A B D
1 3 2 6

F
L
K
E

15

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους
ποιῶσι τινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ῥέονται.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo numeri mu-
tuò sese multipli-
cantes faciant ali-

E A B C D
1 2 4 8 8

quos, q ex illis geniti fuerint, inter se equa-
les erunt.

17

Εάν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσας ποιῇ
τινὰς, οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι
πολλαπλασιασθῆσιν.

Theor. 15. Propo. 17.

Si numerus duos numeros multiplicans fa-
ciat

I 3

ciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt, eandē ra-
tionem habebunt, quam multiplicati.

14

Εάν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμόν ἕνα πολλαπλασιάσαν-
τες ποιῶσι ἑνᾶς, οἱ γενόμενοι ἑξ αὐτῶν τὸ αὐτὸ ἔξω-
σι λόγον τοῖς πολλαπλασιάσασιν.

Theor. 16. Propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eandem habebunt ratio-
nem, quam qui illum multiplicarunt.

15

Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾤσιν, ὁ ἐκ τοῦ πρώ-
του καὶ τετάρτου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος ἔσται τῷ ἐκ
τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου γινόμενῳ ἀριθμῷ. καὶ ἐάν
ὁ ἐκ τοῦ πρώτου καὶ δευτέρου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος
ᾤῃ ἐκ τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου, οἱ τέσσαρες ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theorema 17. Propositio 19,

Si quatuor numeri sint proportionales, qui
ex primo & quarto fit, æqualis erit ei qui ex
secundo & tertio: & si qui ex primo & qua-
rto fit numerus æqualis sit ei qui ex secundo
& ter-

& tertio, illi quatuor numeri proportionales erūt.

:	:	:	:	:	:	:
A	B	C	D	E	F	G
6	4	3	2	12	12	18

x

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσος ἐστὶ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου. ἰάν δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσος ᾗ τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab extremis continetur equalis est ei qui à medio efficitur. Et si qui ab extremis cōtinetur equalis sit ei qui à medio describitur, illi tres numeri proportionales erunt.

:	:	:
A	B	C
9	6	4
D		
6		

κα

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς, μετροῦσι τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἰσάκως, ὅ, τι μείζων ἢ μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν ἐλάττωκα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omniū, qui eandem cum eis rationem habēt, equaliter metiuntur numeros ean-

D	L		
:	:		
G	H		
:	:	:	:
C	E	A	B
4	3	8	6
I	4		dem

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

dem rationem habentes, maior quidem major, minor verò minorem,

κβ

Εάν ὧσι τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ὁ τετραγαμὲν ἑαυτῶν ἢ ἀναλογία, καὶ δι' ἴσιν ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 20. Prop. 22.

Si tres sint numeri & alij multitudinē illis æquales, qui bini sumantur & in eadem ratione, sit autem perturbata eorum proportio, etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt,

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
6	4	3	12	8	9

κγ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοί εἰσι τῶν τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Prop. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium eandem cum eis rationem habentiū.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{E}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
5	6	2	4	3

κδ

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Theorema 22. Propositio 24.

Mini-

minimi numeri omnium eandem cum eis ra-
tionem habentium, $\overset{\cdot}{A}$ $\overset{\cdot}{B}$ $\overset{\cdot}{C}$ $\overset{\cdot}{D}$ $\overset{\cdot}{E}$
primi sunt inter se. 8 6 4 3 2

x2

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, ὁ τὸν
ἑκαυτῶν μεζῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶ-
τος ἔσται.

Theorema 23. Propo. 25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui alter-
utrum illorum metitur $\overset{\cdot}{A}$ $\overset{\cdot}{B}$ $\overset{\cdot}{C}$ $\overset{\cdot}{D}$
numerus, is ad reliquū .6 7 3 4.
primus erit.

x5

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἑνὰ ἀριθμὸν πρῶτοι ὦσιν,
καὶ ὁ ἑξ αὐτῶν γινόμενος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος
ἔσται.

Theor. 24. Propo. 26.

Si duo numeri ad $\vdots$
quempiam numerū 3
primi sint, ad eūdem B $\vdots$ $\vdots$ $\vdots$ $\vdots$
primus is quoque fu- $\overset{\cdot}{A}$ $\overset{\cdot}{C}$ $\overset{\cdot}{D}$ $\overset{\cdot}{E}$ $\overset{\cdot}{F}$
turus est qui ab illis
productus fuerit. 5 5 5 3 2

x3

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, ὁ ἐκ
I 5 τοῦ

τοῦ ἐνὸς αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint inter se, qui ab vno eorum gignitur, ad reliquum primus erit.

⋮	⋮	⋮
B	C	D
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	3

κ η

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμοὺς ἀμφοτέρωτεροι πρὸς ἑκάτερον πρῶτοι ᾖσι, καὶ οἱ ἄρα αὐτῶν γενόμενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 16. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo ad vtrunque primi sint, & qui ex eis gignentur, primi inter se erunt.

κ θ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ πολλαπλασιάσας ἑκάτερος ἑαυτὸ ποιῇ ἑνὰ, οἱ γενόμενοι ἄρα αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται, καὶ οἱ ἀρχῆς τοὺς γενομένους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι ἑνὰς, καὶ οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται, καὶ αἰεὶ περὶ τοὺς ἀκέρους τοῦτο συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicans vterque seipsum procreet aliquem, qui

ε κ

ex ijs producti fuerint, primi inter se erunt.
 Quod si numeri initio propositi multipli-
 cantes eos qui producti sunt, effecerint ali-
 quos, hi quoq; inter se primi erunt, & circa
 extremos idē hoc

A	C	B	B	D	B
3	6	27	4	16	63

λ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσι, καὶ συ-
 ναμφοτέρως πρὸς ἐκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται. καὶ
 εἰὰν συναμφοτέρως πρὸς ἓνα ἐκ τῶν αὐτῶν πρῶτος ᾦ,
 καὶ οἱ ἄλλοι ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam si-
 mul uterq; ad utrumq; illorum primus erit.
 Et si simul uterq; ad vnum aliquem eorum
 primus sit, etiam qui ini-
 tio positi sunt numeri,
 primi inter se erunt.

C		
A	B	D
7	5	4

λα

Ἄπας πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς πάντα ἀριθμὸν, οὗ
 μὴ μέσος, πρῶτος ἔστιν.

Theor. 29. Propo. 31.

Omnis primus numerus ad
 omnem numerum quem nō
 metitur, primus est.

A	B	C
7	10	5

λβ

Εὰν

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, τὸν ᾗ γενόμενον δὲ αὐτῶν μετρήσῃ τις πρῶτος ἀριθμὸς, καὶ ἓνα τῶν δὲ ἀρχῆς μετρήσῃ.

Theor. 30. Prop. 31.

Si duo numeri sese mutuò multiplicantes faciunt aliquem, hunc aut ab illis productum metiatur primus quidam numerus, is alterum etiam metitur eorum qui initio positi erant.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
2	6	12	3	4

λγ

ἅπας σύνθετος ἀριθμὸς, ὑπὸ πρῶτου τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor. 31. Prop. 33.

Omnem cōpositum numerū aliquis primus metietur.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$
27	9	3

λδ.

ἅπας ἀριθμὸς ἢτοι πρῶτος ἐστίν, ἢ ὑπὸ πρῶτου ἑνὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numerus aut primus est, aut eū aliquis primus metitur.

$\dot{A}$	$\dot{A}$	:
3	6	3

λε

Ἀριθμῶν δοθέντων ὁποσωνοῦν εὐρεῖν τοὺς ἐλαχίστους τῶν ᾗ αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Prop. 35.

Numeris datis quocunque, reperire minimos omnium qui eandem cum illis rationem habeant.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$	$\overset{\cdot}{K}$	$\overset{\cdot}{I}$	$\overset{\cdot}{M}$
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λδ

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, εὐρεῖν ὃν ἐλάχισον μετροῦ-
σιν ἀριθμὸν.

Probl. 4. Pro-
po. 36.

$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$
7	12	8	4	5	

Duobus numeris
datis, reperire quē
quem illi minimū
metiantur nume-
rum.

λζ

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{H}$
6	9	12	9	2	3

Εάν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν ἴνα μετῶσι, καὶ ὁ ἐλάχι-
στος ὑπ' αὐτῶν μετρουμένος τὸν αὐτὸν μετρήσει.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum
quempiam metiantur, &
minimus quem illi me-
tiantur eūdem metietur.

λη

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{F}$
2	3	6	12	

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὐρεῖν ὃν ἐλάχισον μετῶ-
σιν ἀριθμὸν.

Probl. 5. Prop. 38.

Tribus numeris
datis reperire quē

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$
3	4	6	12	8

mini-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 minimum nume-
 rum illi metian-
 tur.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$
3	6	8	12	24	16

λθ

Εάν ἀριθμὸς ὑπότινος ἀριθμοῦ μεζήται, ὁ μετρού-
 μενος ὁμώνυμον μέρος ἔξει ὧς μεζοῦντα.

Theor. 34. Proposit. 39.

Si numerum quispiam numerus metiatur,
 mensus partem habe-
 bit metienti cognomi-
 nem.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$
12	4	3	1

μ

Εάν ἀριθμὸς μέρος ἔχη ὅτιοῦν, ὑπὸ ὁμωνύμου ἀρι-
 θμοῦ μεζήσεται ὧς μέρος.

Theor. 35. Proposit. 40.

Si numerus partem habuerit quamlibet, il-
 lum metietur numerus
 parti cognominis.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$
8	4	2	1

μα

Αριθμὸν εὐρεῖν, ὃς ἐλάχιστος ὦν ἔξει τὰ δοθέντα μέρη.

Proble. 6. Proposit. 41.

Numerū reperire, qui
 minimus cū sit, da-
 tas habeat partes.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ὁρδοον.

EVCLIDIS ELEMEN- TVM OCTAVVM.

α

ΕΑν ὦσιν ὅσοι δηποτῶν ἀριθμοὶ ἕξῃς ἀνάλογον,
οἱ ᾗ ἀκροὶ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν,
ἐλάχισοί εἰσι τῶν τ' αὐτ' λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. I. Proposit. I.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propor-
tionales, quorum extremi sint inter se pri-
mi, mini-

mi sunt	$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$
omnium	8	12	18	27	6	8	12	18

eandem cum eis rationem habentium.

β Αρμ

EVCLID. ELEM. GEOM.

β

Αριθμούς εὑρεῖν ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλαχίστους, ὅσους ἐπι-
τάξῃ τις ὅν ᾧ δοθέντι λόγῳ.

Problema 1. Propo. 1.

Numeros reperire deinceps proportionales
minimos, quotcunque iusserit quispiam in
data ratione.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$	$\overset{\cdot}{K}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Εάν ᾧσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλάχι-
στοὶ τῶν τ' αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι αὐ-
τῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Theor. 2. Prop. 3. Conuersa primæ.

Si sint quotcunq; numeri deinceps propor-
tionales minimi habētium eandem cum eis
rationem, illorum extremi sunt inter se pri-
mi.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$	$\overset{\cdot}{K}$	$\overset{\cdot}{L}$	$\overset{\cdot}{M}$	$\overset{\cdot}{N}$	$\overset{\cdot}{O}$
27	16	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγων δοθέντων ὁποσωνοῦν ὅν ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς,
ἀριθμούς εὑρεῖν ἐξ ἧς ἐλαχίστους ὅν τοῖς δοθείσι λό-
γοις.

Εἰς

Problema 2. Prop. 4.

Rationibus datis quocunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12

1

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσι ἢ συγχεύμενοι ἐκ τῶν πλευρῶν.

Theorema 3. Prop. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K	
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16	

6

Ἐάν ᾧσιν ὁποσσοιοῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον, ὃ ᾧ πρῶτος τὸν δεύτερον μὴ μετρῇ, οὐδεὶς ἄλλος οὐδένα μετρήσει.

Theorema 4. prop. 6.

K Si

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Si sint
quotlibet
numeri

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H

deinceps 16 24 36 54 82 4 6 9

proportionales, primus autem secundum
non metiatur, neq; alius quisquam vllum
metietur.

Εάν ᾤσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὃ ᾧ πρῶ-
τος τὸν ἑσχατὸν μετρεῖ, καὶ τὸ δεύτερον μετρήσει.

Theore. 5. Proposi. 7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportiona-
les, primus autem extre-
mum metiatur, is etiam
secundum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
4	6	12	24

η

Εάν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλο-
γον ἐμπέπῳσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κα-
τὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέπῳσιν ἀριθμοὶ, τ-
σοῦτοι καὶ εἰς τοὺς τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς με-
ταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπισσῶνται.

Theore. 6. Prop. 8.

Si inter duos numeros medij continua pro-
por-

portione incidant numeri, quot inter eos medij continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54
						3					

Ἐάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέσωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέσωσιν ἀριθμοὶ, τσοῦντι καὶ ἑκάτερον αὐτῶν καὶ μονάδος ἑξῆς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσοῦνται.

Theore. 7. Proposi. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medij continua proportione incidant numeri, quot inter illos medij continua proportione incidunt numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac vnitatem deinceps medij continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64
							K	2					Ἐάν

Εάν δύο ἀριθμῶν καὶ μονάδος μεταξὺ κατὰ τὸ συνε-
χὲς ἀνάλογον ἐμπίπῃωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι ἑκατέρου
αὐτῶν καὶ μονάδος ἑξῆς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς
ἀνάλογον ἐμπίπῃουσιν ἀριθμοὶ, τοσοῦτοι καὶ εἰς αὐ-
τοὺς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτουσιν.

Theor. 8. Prop. 10.

Si inter duos numeros & unitatem cōtinuē
proportionales incidant numeri, quot inter
vtrunq; ipso-
rum & unita-
tem deinceps
medij conti-
nua propor-
tione incidūt
numeri, toti-
dem & inter illos medij continua propor-
tione incident.

1α

Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογός ἐστιν
ἀριθμός, καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον δι-
πλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευ-
ρὰν.

Theor. 9. Propos. 11.

Duorum quadratorum numerorum vnus
medius proportionalis est numerus; & qua-
dra-

dratus ad quadra-
tum duplicatam ha-
bet lateris ad latus
rationem.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ A	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ C	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ E	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ D	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ B
9	3	12	4	16

6

Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθμοί, καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον ἑξαπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἡ πλευρὰ πρὸς τὴν πλευράν.

Theorema 10. Prop 12.

Duorum cuborum numerorum duo medij proportionales sunt numeri; & cubus ad cubum triplicatam habet lateris ad latus rationem.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ A	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ H	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ K	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ B	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ C	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ D	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ E	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ F	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$ G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

17

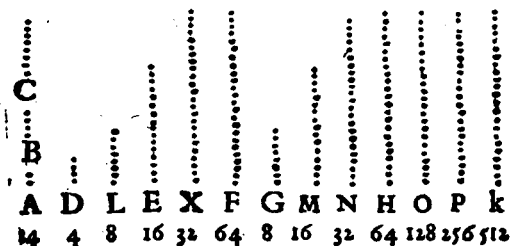
Ἐάν τισιν ὁσοιδηποῦν ἀριθμοὶ ἑξῆς ἀνάλογον, καὶ πολλαπλασιάσας ἕκαστος ἐαυτὸν ποιῇ ἑνάς, οἱ γενόμενοι δὲ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἐάν οἱ ἑξαρχῆς τοὺς γενόμενους πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι ἑνάς, καὶ αὐτὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αὐτὴ περὶ τοὺς ἀκροῦς τοῦτο συμβαίνει.

Theore. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, & multiplicans quisq; seipsum fa-

K 3 ciat

ciat aliquos, qui ab illis producti fuerint, proportionales erunt: & si numeri primùm positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18

Εάν τετράγωνος τεξάγωνον μεξῇ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μεξήσει. καὶ εάν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν με-
τρῇ, καὶ ὁ τεξάγωνος τὸν τεξάγωνον μεξήσει.

Theor. 12. Prop. 14.

Si quadratus numerus quadratum nume-
rum metiatur, & latus vnus metietur latus
alterius. Et si vnus
quadrati latus me- $\dot{A}$ $\dot{E}$ $\dot{B}$ $\dot{C}$ $\dot{D}$
tiatur latus alteri⁹, 9 12 16 3 4
& quadratus quadratum metietur.

19

Εάν

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ, καὶ εἰάν ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ, καὶ ὁ κύβος τὸν κύβον μετρήσῃ.

Theorema 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerum metiatur, & latus vnus metietur alterius latus. Et si latus vnus cubi latus alterius metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮ A	⋮ H	⋮ K	⋮ B	⋮ C	⋮ D	⋮ E	⋮ F	⋮ G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Εάν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν μετρήσῃ, οὐ γὰρ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ, καὶ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μετρήσῃ, οὐδὲ ὁ τετράγωνος τὸ τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratum numerum non metiatur, neq; latus vnus metietur alterius latus. Et si latus vnus quadrati non metiatur latus alterius, neq; quadratus quadratum metietur.

⋮ A	⋮ B	⋮ C	⋮ D
9	16	3	4
	K	4	13

13

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν μὴ μεζῇ, οὐδ' ἡ
πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει. καὶ ἡ πλευρὰ τὴν
πλευρὰν μὴ μεζῇ, οὐδ' ὁ κύβος τὸν κύβον μεζήσει.

Theor. 15. Propos. 17.

Si cubus numerus cubum numerum nō me-
tiatur, neque latus vnus

latus alterius metietur.

Et si latus cubi alicuius
latus alterius non metia-

tur, neq; cubus cubum
metietur,

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

14

Δύο ὁμοίων ἐπιπέδων ἀριθμῶν εἰς μέσος ἀνάλογός
ἔστιν ἀριθμὸς, καὶ ὁ ἐπίπεδος πρὸς τὸν ἐπίπεδον δι-
πλασίονα λόγον ἔχει, ἥπερ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ πρὸς
τὴν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theore. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorum
vnus medius

proportiona-

lis est nume-

rus: & planus ad planum duplicatam habet
lateris homologi ad latus homologum ra-
tionem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

10

Δύο

Δύο ὁμοίωσι στερεῶν ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἑμὲ
 πίπτουσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ στερεὸς πρὸς τὸν ὁμοίον στερεὸν
 τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ περ ἡ ὁμόλογος πλευρὰ
 πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευράν.

Theore. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo me-
 dij proportionales incidunt numeri: & soli-
 dus ad similem solidum triplicatam ratio-
 nem habet lateris homologi ad latus homo-
 logum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9
x												

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἑς μέσος ἀνάλογον ἐκπίπτῃ ἀρι-
 θμὸς, ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι ἔσονται ἀριθμοί.

Theore. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius propor-
 tionalis inci-
 dat nume-
 rus, similes
 plani erūt
 illi numeri

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	33	3	4	6	8

κα

Κ 5

Ἐὰν

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπέπωσιν
ἀριθμοί, ὁμοιοί εἰσὶν οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Prop. 21.

Si inter duos numeros duo medij propor-
tionales incidant numeri, similes solidi sunt
illi numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H	k	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4
x 6										

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὃ ᾧ πρῶτος
τετράγωνος ἦ, καὶ ὃ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Theore. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps
sint proportionales, pri-
mus autem sit quadratus,
& tertius quadratus erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	D
9	15	25

x γ

Εάν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὃ ᾧ πρῶτος
κύβος ἦ, καὶ ὃ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theore. 21. Propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps
sint proportionales,
primus autem sit cubus,
& quartus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	12	18	27

x δ

x δ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν τε-
τράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὁ δὲ
πρῶτος τετράγωνος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος τετράγωνος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se,
quam quadratus numerus ad quadratū nu-
merum, primus au-
tem sit quadratus, $\vdots$ $\vdots$ $\vdots$ $\vdots$ $\vdots$ $\vdots$;
 A B C D
& secundus quadra- 4 6 9 16 24 36
tus erit.

x ε

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσιν, ὃν κύ-
βος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὁ δὲ πρῶτος κύ-
βος ἢ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theore. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant,
quam cubus numerus ad cubum numerum,
primus autem cubus sit, & secundus cubus
erit.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216

x ε

κς

Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνον ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habent, quam quadratus
 numerus ad quadratum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κζ

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβος ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμόν.

Theore. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubum numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΕΝ-
ΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM NONVM.

α

Ε Αν δύο ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλασιά-
σαντες ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὁ γενόμενος τε-
τράγωνος ἔσται.

Theore. I. Propo. I.

Si duo similes plani numeri mutuò sese mul-
tiplicantes
quendā pro
creent, pro
ductus qua-
dratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	D		C
4	6	9	16	24	36

β

Edv

EVCLID. ELEM. GEOM.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιοῦσι τετράγωνον, ὁμοιοὶ ἐπὶ πηδοὶ εἴσι.

Theorema 2. Prop. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes quadratum faciunt, illi similes sunt plani.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
4	6	12	9 18 36

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τετράγωνον, ὁ γενόμενος κύβος ἴσας.

Theore. 3. Proposi. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans procreet aliquem, productus cum cubo erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$
3	4	8	16 32 64

Εάν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τετράγωνον, ὁ γενόμενος κύβος ἴσας.

Theorema 4. prop. 4.

Si cubus numerus cubum numerum multiplicans quendam procreet, productus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
8	27	64	216

Εάν

4

Εάν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ μὲν τρίτος ἀπὸ τῆς μονάδος τετράγωνός ἐστι, καὶ οἱ ἑνα διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες, ὁ δὲ ἑβδόμος κύβος ἅμα καὶ τετράγωνος, καὶ οἱ πέντε διαλείποντες πάντες.

Theore.8.Proposi.8.

Si ab vnitate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab vnitate quadratus est, & vnum intermittentes omnes: quartus autem cubus, & duobus intermissis omnes: septimus verò cubus simul & quadratus, &

	•	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
quinque vni	A	B	C	D	E	F
intermissi	3	9	27	81	243	729
tas omnes.						

5

Εάν ἀπὸ μονάδος ὅποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα τετράγωνός ἔστι, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται. καὶ ἐὰν ὁ μετὰ τὴν μονάδα κύβος ἔσῃ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theorema 9. Proposi.9.

Si ab vnitate sint quocunque numeri deinceps proportionales, sit autem quadratus is qui

LIBER IX.

84

qui vnitatem se-	531441	F	732969
quitur, & reli-			
qui omnes qua-	59049	E	531441
drati erunt.	6561	D	59049
Quòd si qui v-			
nitatem sequi-	729	C	6561
tur cubus sit, &			
reliqui omnes	81	B	729
cubierunt.	9	A	81

Vnitas.

Εὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾤσιν,
ὁ δὲ μετὰ τὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, οὐδὲ ἄλλος οὐ-
δεὶς τετράγωνος ἔσται. χωρὶς τοῦ τρίτου ἀπὸ τῆς μονά-
δος καὶ τῶν ἐνα διαλειπόντων πάντων. καὶ ἐὰν ὁ με-
τὰ τὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, οὐδὲ ἄλλος οὐδεὶς κύβος
ἔσται. χωρὶς τοῦ τετάρτου ἀπὸ τῆς μονάδος καὶ τῶν δύο
διαλειπόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitate numeri quocunque propor-
tionales sint, non sit autem quadratus is qui
vnitatem

sequitur,	•	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
neq; alius	Vni-	A	B	C	D	E
vllus qua-	tas.	3	9	36	81	243
				L		dratus

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

dratus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittentibus. Quòd si qui vnitatem sequitur, cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, demptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermittentibus.

1α

Εάν ἀπὸ μονάδος, ὁποῖοι ἄριθμοι ἐξῆς ἀνάλογον ᾗσιν, ὁ ἐλάττων τὸν μείζονα μετρεῖ κατὰ τινὰ τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theore. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorem metitur per quempriā eorum qui in proportionibus sunt numeris.

A	D	C	D	E
1	2	4	8	16

1β

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἄριθμοι ἀνάλογον ᾗσιν, ὑφ' ὧν ἂν ὁ ἐσχατος πρῶτων ἀριθμῶν μετρεῖται, ὑπὸ τῶν αὐτῶν καὶ ὁ πᾶσα τὴν μονάδα μετρηθῇσεται.

Theore. 12. Propo. 12.

Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorum vltimum

num metiuntur, totidem & eum qui vnitati proximus est, metientur.

Vni-
tas.

A	B	C	D	E	H	G	F
4	16	64	256	2	8	32	128

Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοι ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾖσιν, ὃ ἔμετὰ τὴν μονάδα πρῶτος ἢ, ὁ μέγιστος ὑπὸ οὐδενὸς ἄλλου μετρήσεται παρὰ τῶν ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theore. 13. Propo. 13.

Si ab vnitare sint quocunque numeri deinceps proportionales, primus autem sit qui vnitatem sequitur, maximum nullus alius metietur, ijs exceptis qui in proportionalibus sunt numeris.

Vni-
tas.

A	B	C	D	E	H	G	F
3	9	27	81				

L 2

Edo

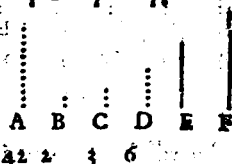
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

18

Εάν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ὑπὸ πρῶτων ἀριθμῶν μετρη-
ται, ὑπ' οὐδενὸς ἄλλου ἀριθμοῦ μετρηθήσεται παρὰ τῶν
ἐξ αὐτῆς μετρούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
merum primi ali-
quot numeri me-
tiantur, nullus al-
lius numerus pri-
mus illum metie-



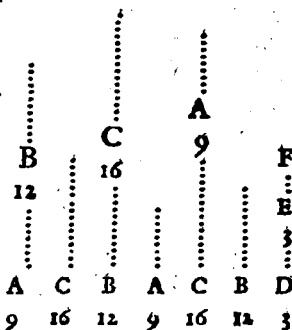
tur, ijs exceptis qui primo metiuntur.

19

Εάν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξ ἑκείνων ἀνάλογον ᾧσιν ἐλάχιστοι τῶν
τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν συμ-
τείνοντες πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτοι εἰσὶν.

Theore. 15. Propo. 15.

Si tres nume-
ri deinceps
proportiona-
les sint mini-
mi, eadem cū
ipsis habenti-
um rationem,
duo quilibet
compositi ad
tertium pri-
mierunt.

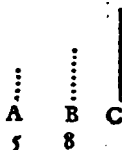


Εάν

¹⁶
 Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, οἷον
 ἑκατὼς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ δεύτερος
 πρὸς ἄλλον τινά.

Theor. 16. Propo. 16.

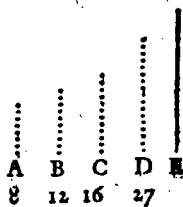
Si duo numeri sint inter se
 primi, non se habebit quæ-
 admodum primus ad se-
 cundum, ita secundus ad
 quempiam alium.



¹⁷
 Εάν ὦσιν ὁμοιομετροῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἑς ἀνάλογον, οἷον
 ἄλλοι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, οἷον ἑκα-
 τὼς ὁ πρῶτος πρὸς τὸν δεύτερον, οὕτως ὁ ἑκατὼς
 πρὸς ἄλλον τινά.

Theore. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet nume-
 ri deinceps proportio-
 nales, quorum extremi
 sint inter se primi, non
 erit quemadmodum pri-
 mus ad secundum, ita
 ultimus ad quempiam
 alium.



L 3

A 40

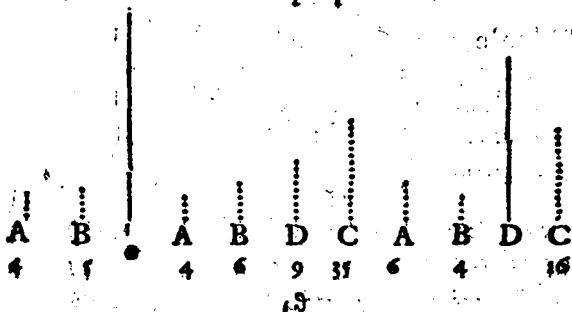
ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

14

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνατὸν
ὅτι αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

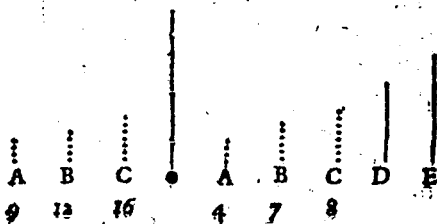
Duobus numeris datis, considerare possitne
tertius illis inueniri proportionalis.



Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνα-
τὸν ὅτι αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσευρεῖν.

Theore. 19. Propo. 19.

Tribus numeris datis, considerare possitne
quartus illis reperiri proportionalis.

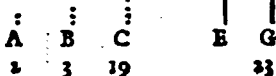


Of

Οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ πάντος τοῦ προτε-
 δέντος πλῆθους πρώτων ἀριθμῶν.

Theore. 20. Propo. 20.

Primi numeri
 plures sunt
 quacunque
 proposita mul-
 titudine pri-
 morum nu-
 merorum.

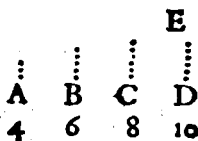


κα

Εὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν συλειτουργῶσιν, ὁ ὅλος
 ἄρτιός ἐστι.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot-
 libet compositi sint, to-
 tus est par.



κα

Εὰν περισσῶς ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν συλειτουργῶσιν, τὸ δὲ
 πλῆθος αὐτῶν ἄρτιον ἢ ὅλος ἄρτιος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi
 L 4 sint,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 sint, sit autem par il-
 lorum multitudo, to-
 tus par erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$
5	9	7	3	

κ γ

Εάν περισῶσι ἀριθμοὶ ὅποσοιοῦν σωτεῖσθαι, τὸ δὲ
 πλῆθος αὐτῶν περισσὸν ἦ, καὶ ὅλος περισσὸς ἔσται.

Theore. 23. Propo. 23.

Si impares numeri
 quotcunque compo-
 siti sint, sit autē im-
 par illorum multitu-
 do, & totus impar
 erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$
5	7	8	1

κ δ

Εάν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ λοι-
 πὸς ἄρτιος ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

Si de pari numero par detra-
 ctus sit, & reliquus par erit.

	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$
$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$
6	4

κ ε

Εάν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
 λοιπὸς περισσὸς ἔσται.

Theo-

LIBER IX.
Theor. 25. Propo. 25.

85

Si de pari numero impar de-
tractus sit, & reliquus impar
erit.

⋮	⋮	B
A	C	D
8	1	4

$\times 8$
Εάν ἀπὸ περισσῶ ἀριθμοῦ περισσὸς ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ἀρὺς ἔσται.

Theore. 26. Propo. 26.

Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit,

⋮	⋮	B
A	C	D
4	6	1

$\times 3$
Εάν ἀπὸ περισσῶ ἀριθμοῦ ἀρτιος ἀφαιρεθῇ, ὁ λοι-
πὸς περισσὸς ἔσται.

Theore. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

		B
A	D	C
1	4	4

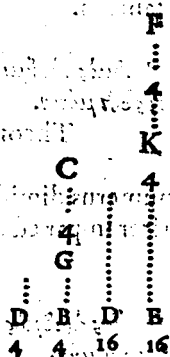
$\times \chi$
Εάν περισσὸς ἀριθμὸς ἀρὺον πολλαπλασιάσας
ποιῇ τινά, ὁ γενόμενος ἀρὺος ἔσται.

L 5 Theo.

Εάν ὡσιν ὁ ἑκδοκοτὺν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ἀφαιρῶσι δὲ ἀπὸ τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου ἑκάστου πρῶτον, ἕως ἡ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς πρὸ ἑαυτοῦ ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quolibet numeri deinceps proportionales, detrahantur autem de secundo & ultimo æquales ipsi primo, erit quemadmodum secundi excessus ad primum, ita ultimi excessus ad omnes qui ultimum antecedunt.

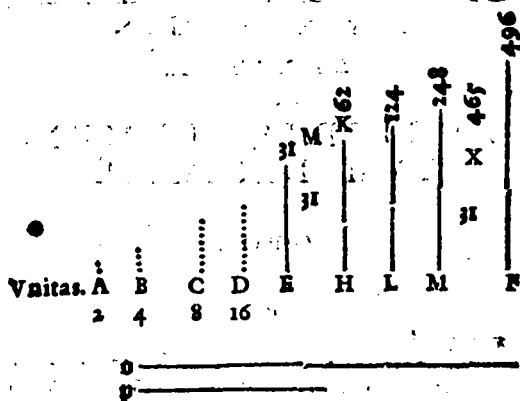


Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἐκτεθῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ, ἕως οὗ ὁ σύμπαρ σιωπιδεὶς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ἐπὶ τὸν ἐσχάτον πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ τιτὰ, ὁ γεόμενος τέλος ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quodlibet deinceps expro-

expositi sunt in duplici proportionē quod
 totus compositus primus factus sit, isque to-
 tus in ultimum multiplicatus quempiā pro-
 greet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans, procreet quempiam, procreatus par erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$

$\times \theta$

3

4

12

Εάν περισσοῦς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινὰ, ὁ γενόμενος περισσοῦς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem numerū multiplicans quēdā procreet, procreatus impar erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$

3

5

15

λ

Εάν περισσοῦς ἀριθμὸς ἀρτιον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ τὸν ἡμισὲν αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$

3

6

18

$\lambda \alpha$

Εάν περισσοῦς ἀριθμὸς πρὸς ἕνα ἀριθμὸν πρῶτος ᾤ, καὶ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theor. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempiā primus sit, & ad illius duplum primus erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{D} \end{array}$

7

8

16

λβ

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἕκαστος ἀρτιάκις ἀρτιός ἐστι μόνον.

Theore. 32. Propo. 32.

Numerorū, qui à binario dupli sunt, vni-
nusquisq; pariter par
est tantum.

tas.	A	B	C	D
	2	4	8	16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισιῶν ἔχη περισσὸν, ἀρτιάκις περι-
ρισσὸς ἐστὶ μόνον.

Theore. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat,
pariter impar est tantum.

20

λδ

Εὰν ἀρτιὸς ἀριθμὸς μὴτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασια-
ζομένων ἢ, μὴτε τὸν ἡμισιῶν ἔχη περισσὸν, ἀρτιάκις
τε ἀρτιός ἐστι καὶ ἀρτιάκις περιρισσός.

Theore. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec sit duplus à bina-
rio, nec dimidium impar habeat, pariter
par est, & pariter impar.

20

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans, procreet quempiam, procreatus par erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$

$\times \theta$

3

4

12

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινα, ὁ γενόμενος περισσὸς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem numerū multiplicans quedā procreet, procreatus impar erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$

3

5

15

λ

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ τὸν ἡμισὺν αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$

3

6

18

$\lambda \alpha$

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς πρὸς ἕνα ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ, καὶ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theore. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempiā primus sit, & ad illius duplum primus erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{D} \end{array}$

7

8

16

λβ

Τῶν ἀπὸ δουλότητος διπλασιαζομένων ἀρεθῶν ἕκαστος
ἀρεθὺς ἀρεθὸς ἔστι μόνον.

Theore. 32. Propo. 32.

**Numerorū, qui à bi-
nario dupli sunt, v-
nusquisq; pariter par
est tantum.**

•
Vni-

i.

• • • • •

•••••

.....

2

4

8

16

 $\lambda \gamma$

Εάν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυν ἔχη περισσὸν, ἀρτιάκις πε-
ρισσὸς ἔσται μόνον.

Theore.33. Propo.33.

**Si numerus dimidium impar habeat,
pariter impar est tantum.**

A

20

15

Εάν ἄρλιος ἀριθμὸς μᾶτε τῶν ἀπόδυάδος διπλασια
 ζομένων ἢ, μᾶτε τὸν ἡμισυν ἔχη περισσὸν, ἀρλιάκις
 πὲ ἀρτιὸς ὅτι καὶ ἀρλιάκις περισσός.

Theore.34.Propo.34.

**Si par numerus nec sit duplus à bina-
rio, nec dimidium impar habeat, pariter
par est, & pariter impar.**

THE

10

End

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans, procreet quempiam, procreatus par erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C

αθ

3

4

12

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινὰ, ὁ γενόμενος περισσὸς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem numerū multiplicans quēdā procreet, procreatus impar erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	5	15

λ

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ τὸν ἡμισμὸν αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

⋮	⋮	⋮
A	C	B
3	6	18

λα

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς πρὸς ἑνα ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ, καὶ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theore. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempiā primus sit, & ad illius duplum primus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
7	8	16	

λβ

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἑκάστος ἀρτιάκις ἀρτιός ἐστι μόνον.

Theore. 32. Propo. 32.

Numerorū, qui à binario dupli sunt, unusquisq; pariter par est tantum.

	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	
2	4	8	16	

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυν ἔχῃ περισσὸν, ἀρτιάκις περισσότες ἐστὶ μόνον.

Theore. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat, pariter impar est tantum.

⋮
A
20

λδ

Εὰν ἀρτιὸς ἀριθμὸς μὴτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ, μὴτε τὸν ἡμισυν ἔχῃ περισσὸν, ἀρτιάκις τε ἀρτιός ἐστὶ καὶ ἀρτιάκις περισσότες.

Theore. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec sit duplex à binario, nec dimidium impar habeat, pariter par est, & pariter impar.

⋮
A
20
Εὰν

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 28. Propo. 28.

Si impar numerus parem multiplicans, procreet quempiam, procreatus par erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$

$\times 6$

3

4

12

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς περισσὸν ἀριθμὸν πολλαπλασιάσας ποιῇ τινὰ, ὁ γενόμενος περισσὸς ἔσται.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparem numerū multiplicans quēdā procreet, procreatus impar erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$

3

5

15

λ

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετρήσῃ, καὶ τὸν ἡμισὺν αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor. 30. Propo. 30.

Si impar numerus parem numerum metiatur, & illius dimidium metietur.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$

3

6

18

$\lambda \alpha$

Εάν περισσὸς ἀριθμὸς πρὸς ἕνα ἀριθμὸν πρῶτος ᾖ, καὶ πρὸς τὸν διπλάσιον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theore. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad numerum quempiā primus sit, & ad illius duplum primus erit.

$\begin{array}{c} \vdots \\ \text{A} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{B} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{C} \end{array}$
 $\begin{array}{c} \vdots \\ \text{D} \end{array}$

7

8

16

λβ

Τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν ἕκαστος ἀρτιάκις ἀρτιός ἐστι μόνον.

Theore. 32. Propo. 32.

Numerorū, qui à binario dupli sunt, unusquisq; pariter par est tantum.

vni-

tas.

:

A

2

:

B

4

:

C

8

:

D

16

λγ

Εὰν ἀριθμὸς τὸν ἡμισυν ἔχη περισσὸν, ἀρτιάκις περισσότερός ἐστι μόνον.

Theore. 33. Propo. 33.

Si numerus dimidium impar habeat, pariter impar est tantum.

:

A

20

λδ

Εὰν ἀρτιὸς ἀριθμὸς μὴτε τῶν ἀπὸ δυάδος διπλασιαζομένων ἢ, μὴτε τὸν ἡμισυν ἔχη περισσὸν, ἀρτιάκις τε ἀρτιός ἐστι καὶ ἀρτιάκις περισσότερός.

Theore. 34. Propo. 34.

Si par numerus nec fit duplus à binario, nec dimidium impar habeat, pariter par est, & pariter impar.

:

A

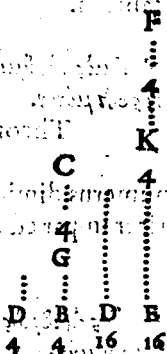
20

Εὰν

Εάν ὡσιν ὁμοιομετροῦν ἀριθμοί, ἐξῆς ἀνάλογον, ἀφαριθμῶσι δι' ἀπὸ τε τοῦ δευτέρου καὶ τοῦ ἐσχάτου ἴσιν τῷ πρώτῳ, ἴσων ἢ τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴ πρὸς τὸν πρότερον, οὕτως ἢ τοῦ ἐσχάτου ὑπεροχὴ πρὸς τοὺς πρότερον ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri deinceps proportionales, detrahantur autem de secundo & ultimo æquales ipsi primo, erit quemadmodum secundi excessus ad primum, ita ultimi excessus ad omnes qui ultimum antecedunt.

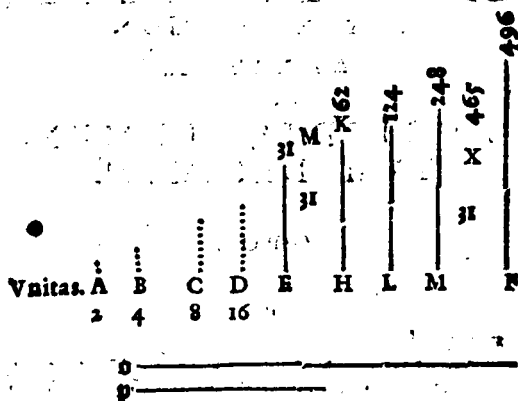


Εάν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοί ἐξῆς ἐκτελεῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ ἕως οὗ ὁ σύμπαρ σμυτεῖς πρῶτος γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ἐπὶ τὸν ἐσχάτην πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ τιτὰ, ὁ γεόμενος τέλος ἴσων.

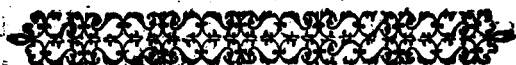
Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quodlibet deinceps expro-

expositi sunt in duplici proportione quoad
 totus compositus primus factus sit, isque to-
 tus in ultimum multiplicatus quempiam pro-
 gressu, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVM.

ΟΡΟΙ.

Σ

Ὑμμετρα μεγέθη λέγεται, τὰ ὧν αὐτῶν μέ-
τρον μεζούρισμα.

DEFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines dicun-
tur illæ, quas eadem mensura metitur.

β

Ἀσύμμετρα δὲ, ὧν μηδὲν εὐδέχεται κοινὸν μέτρον γε-
νίσθαι.

In-

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθεΐαι διωάμει σύμμετροί εἰσιν, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων αὐτῷ χωρίῳ μετρηταί.

3

Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadem superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροί ὧν, ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μήδεν ἐνδέχεται χωρίον κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τούτων ὑποκείμενων, δείκνυται ὅτι τῇ προτεινόμενῃ εὐθείᾳ ὑπάρχουσιν εὐθεΐαι πλείους ἁπλοῖ, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκει καὶ διωάμει, αἱ δὲ διωάμει μόνον. Καλεῖσθω δὲ αὖ μὲν προτεινείσα εὐθεΐα ῥητή.

5

Hæc cum ita sint, ostendi potest quod quacunque linea recta nobis proponatur,

ex-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles eadem commensurabiles, aliæ item incommensurabiles, hæ quidem longitudine & potentia: illæ verò potentia tantum. Vocetur igitur linea recta, quantacunque proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

Καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκει καὶ δυνάμει, εἴτε δυνάμει μόνον, ῥηταί.

6

Lineæ quoque illi ῥητὴ commensurabiles siue longitudine & potentia, siue potentia tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est rationales.

ζ

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἀλογοὶ καλεῖσθωσαν.

7

Quæ verò lineæ sunt incommensurabiles illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali, vocentur ἀλογοὶ, id est irrationales.

η

Καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς προτεθείσης εὐθείας τετραγώνον, ῥητόν.

8

Et quadratum quod à linea proposita describitur, quam ῥητὴν vocari voluimus, vocetur ῥητόν.

Καὶ

9

Καὶ τὰ τούτῳ σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

6

Τὰ δὲ τούτῳ ἀσύμμετρα, ἄλογα καλείσθω.

10

Quæ verò sunt illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est furda.

1α

Καὶ αἱ διωάμματα αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τετραγώνῳ εἴη, αὐτὰ αἱ πλευραὶ. εἰ ἕτερον τινὰ ἐυδύγραμμόν, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετραγώνῳ ἀναγράφουσαι.

11

Et lineæ quæ illa incommensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quòd si quadrata quidem non fuerint, verum aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilinéæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilíneis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις. α.

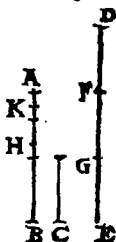
Δύο μεγέθων ἀνίσων ἐκκειμένων, εἴαν ἀπὸ τοῦ μεί-
M
ξοντος

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ζονος ἀφαιρεθῇ μῆζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦ χαταλει-
μένου μῆζον ἢ τὸ ἥμισυ, καὶ τοῦτο αἰ γίγνηται, λη-
φθήσεται τι μέγεθος, ὃ ὅτιν ἐλαστον ἔκχει μῆζον ἐλάσ-
τονος μεγέθους.

Theore. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinibus inæqualibus pro-
positis, si de maiore detrahatur
plus dimidio, & rursus de resi-
duo iterum detrahatur plus di-
midio, idque semper fiat: relin-
quetur quædam magnitudo mi-
nor altera minore ex duabus
propositis.



β

Εὰν δύο μεγεθῶν ἔκχειμένων ἀνίσων, ἀνδραφαιρου-
μένον αἰ τοῦ ἐλάστονος ἀπὸ τοῦ μῆζονος, τὸ χατα-
λειπόμνον μηδέποτε χαταμεζῇ τὸ πρότερον, ἀ-
σύμμεζα ἔσαι τὰ μεγέθη.

Theore. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor de
maiore, altera quadam de-
tractione, neque residuum
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles sunt illæ magnitudines.

Δύο μεγέθῶν ^γ συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 1. Proposi. 3.

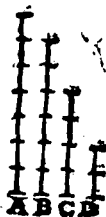
Duabus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.



Τριῶν μεγέθῶν ^δ συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Proble. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus commensurabilibus datis, maximam ipsarum communem mensuram reperire.



Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμόν.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theore. 3. Propo. 5.

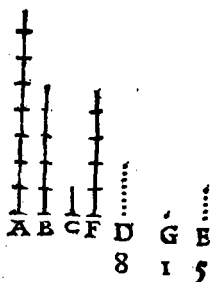
Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρα ἔσονται τὰ μεγέθη.

Theore. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionem eam habent inter se quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.



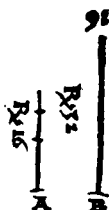
Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ὄντα ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor.

LIBER X.

Theore.5. Propo.7.

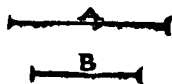
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Εάν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχῃ ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα εἶναι τὰ μεγέθη.

Theore.6. Propo.8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habent quâ numerus ad numerum, incōmensurabiles illæ sunt magnitudines.



3

Τὰ ἀπὸ τῶν μήκει συμμέτρων εὐθεῶν τετράγωνα, πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχῃ ὃν τετράγωνος, ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχοντα ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, καὶ τὰς πλευρὰς ἔξει μήκει συμμέτρους. τὰ δὲ ἀπὸ τῶν μήκει ἀσύμμετρων εὐθεῶν τετράγωνα πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχει ὃν πρὸς τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἄλληλα λόγον μὴ ἔχοντα

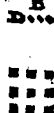
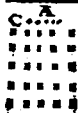
M 3

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ἔχοντα ὅνπερ τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμόν, οὐδὲ τὰς πλευρὰς ἐξ ἑμῆς μήκει συμμέτρους.

Theore. 7. Propo. 9.

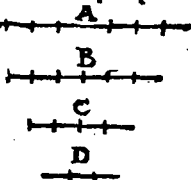
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habent quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia, Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habent inter se quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia,



Εάν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾗ, τὸ δὲ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾗ, καὶ τὸ τρίτον ᾧ τετάρτῳ σύμμε-
 τρον ᾗ. καὶ τὸ πρῶτον ᾧ δευτέρῳ ἀσύμμε-
 τρον ᾗ, καὶ τὸ τρίτον ᾧ τετάρτῳ ἀσύμμετρον ᾗ.

Theore. 8. Propo. 10.

Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima verò se-
 cundæ fuerit commensu-
 rabilis, tertia quoq; quar-
 tæ commensurabilis erit.
 quòd si primæ secundæ
 fuerit incommensurabi-
 lis, tertia quoque quartæ incommensurabi-
 lis erit.



Ἡ προτεθείση ἐκείνη προστερεῖν δύο ἐκείνης ἀσυμ-
 μέτρους, τὴν μὲν μήκει μόνον, τὴν δὲ καὶ διωκάμεν.

Probl. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητὴν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



M 4

lam

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Iam verò non longitudine tantum, sed etiā
potentia incommensurabilem.

β

Τὰ δ' αὐτῶ μεγέθη σύμμετρα, καὶ ἀλλήλοις ἐπὶ
σύμμετρα.

Theore. 9. Propo. 12.

Magnitudines quæ ei-
dem magnitudini sunt
commensurabiles, in-
ter se quoq; sunt com-
mensurabiles.



6D.....4F..

4E..... 8G..

3H...

2K..

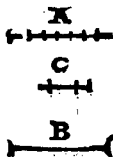
γ

4L...

Ἐὰν ἡ δύο μεγέθη, καὶ τὸ μὲν σύμμετρον ᾗ δ' αὐ-
τῶ, τὸ δ' ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσονται τὰ με-
γέθη.

Theore. 10. Propo. 13.

Si ex duabus magnitudinibus
hec quidem commensurabilis
sit tertiæ magnitudini, illa ve-
rò eidem incommensurabilis,
incommensurabiles sunt illæ
quæ magnitudines.



δ

Ἐὰν ἡ δύο μεγέθη σύμμετρα, τὸ δ' ἕτερον αὐτῶν

μεγίστην τινὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ τὸ λοιπὸν δὲ αὐτῇ
ἀσύμμετρον εἶναι.

Theore. 11. Propo. 14.

Si duarū magni-
tudinū cōmen-
surabilium alte-
ra fuerit incom-
mensurabilis ma-
gnitudinī alteri
cuiuspiā tertiæ, re-



liqua quoque magnitudo eidem tertiæ in-
commensurabilis erit.

11

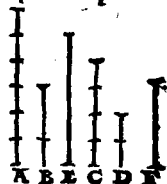
Ἐὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾤσιν, δύνηται δὲ ἡ
πρώτη τῆς δευτέρας μῆζον εἶναι ἀπὸ συμμέτρου ἐαυτῇ
μήκῃ, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μῆζον διωθήσεται εἶναι
ἀπὸ συμμέτρου ἐαυτῇ μήκῃ. καὶ ἐὰν ἡ πρώτη τῆς
δευτέρας μῆζον διωθήσεται εἶναι ἀπὸ ἀσύμμέτρου ἐαυτῇ
μήκῃ, καὶ ἡ τρίτη τῆς τετάρτης μῆζον διωθήσεται εἶναι
ἀπὸ ἀσύμμετρου ἐαυτῇ μήκῃ.

Theore. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint,
possit autem prima plusquam secunda
tanto quantum est quadratum lineæ sibi
commensurabilis longitudine: tertia quo-
que poterit plusquam quarta tanto quan-
tum est quadratum lineæ sibi commensu-

M 5 rabilis

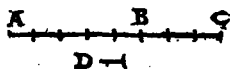
rabilis longitudine. Quòd si prima possit plusquam secunda quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis; tertia quoque poterit plusquam quarta quadrato lineæ sibi incommensurabilis longitudine,



Εάν δύο μεγέθη σύμμετρα σωτηδῇ, καὶ τὸ ὅλον ἑκατέρω αὐτῶν σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐτῶν σύμμετρον ἢ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμμετρα ἔσται.

Theore. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines commensurabiles componantur, tota magnitudo composita singulis partibus cõmensurabilis erit. quòd si tota magnitudo composita alterutri parti commensurabilis fuerit, illæ duæ quoque partes commensurabiles erunt.

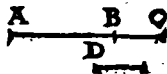


Εάν δύο μεγέθη ασύμμετρα σωτηδῇ, καὶ τὸ ὅλον ἑκατέρω αὐτῶν ασύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐτῶν ασύμμετρον ἢ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ασύμμετρα ἔσται.

Theor.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt,



14

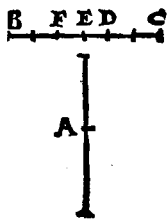
Εάν ὅσι δύο ἐυδεῖαι ἄνισοι, ὧς δὲ τετάρτῳ μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσιν παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδει τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκει, μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον διωνύσεται, ὧς ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει. καὶ ἐὰν ἡ μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον δύνηται, ὧς ἀπὸ συμμέτρου ἑαυτῇ μήκει, ὧς δὲ τετάρτῳ μέρει τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσιν παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδει τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαρῇ μήκει.

Theore. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à minore, æquale parallelogrammum applicetur

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

plicetur secundum maiorem, ex qua maiore
 tantum excurrat extra latus parallelogram-
 mi, quantum est alterum latus ipsius paral-
 lelogrammi: si prætereà parallelogrammum
 sui applicatione diuidat lineam illam in par-
 tes inter se commensurabiles longitudine,
 illa maior linea tanto plus potest quàm mi-
 nor, quantum est quadratum lineæ sibi com-
 mensurabilis longitudine. Quòd si maior
 plus possit quàm minor, tanto quantum est
 quadratum lineæ sibi commensurabilis lon-
 gitudine, & prætereà quartæ parti quadrati
 lineæ minoris æquale parallelogrammum
 applicetur secundum maiorem, ex qua ma-
 iore tantum excurrat extra
 latus parallelogrammi, quan-
 tum est alterum latus ipsi-
 us parallelogrammi, paral-
 lelogrammum sui applica-
 tione diuidit maiorem in
 partes inter se longitudine
 commensurabiles.



43

Εάν ὡς δύο ἰσότηας ἀνισοί, ὧς ὅ τετάρτω μέρος
 τοῦ

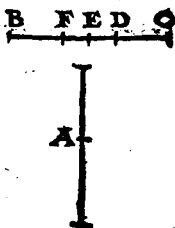
τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσων παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, καὶ εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαμερῇ μήκει, ἡ μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον διωθήσεται, ὥς ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ. καὶ ἐὰν ἡ μείζων τῆς ἐλάσθους μείζον δύνηται ὥς ἀπὸ ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ, ὥς ἡ τετάρτῃ τοῦ ἀπὸ τῆς ἐλάσθους ἴσων παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδὲ τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαμερῇ μήκει.

Theore. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autem parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrammum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tantò plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quòd si maior linea tantò plus possit quàm minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

cundum maiorem, ex qua
tantum excurrat extra latus
parallelogrammi, quantum
est alterum latus ipsius: pa-
rallelogrammum sui appli-
catione diuidit maiorem in
partes inter se incommen-
surabiles longitudine:

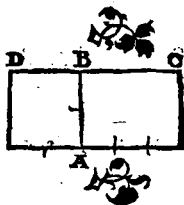


κ

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν μήκει συμμέτρων κατὰ τινα τῶν
προσφεγμένων τρόπων εὐθεῶν περιχόμενον ὀρθὸν
γώνιον, ῥητόν ἐστιν.

Theor. 17. Propo. 20.

Superficies rectangula
contenta ex lineis ra-
tionalibus lon-
gitudine commensu-
rabilibus secundum v-
num aliquem modum
ex antedictis, rationa-
lis est.



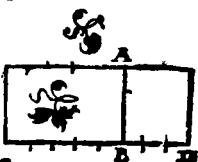
κ α

Εάν ῥητόν παρὰ ῥητὴν παραβληθῇ, πλάτος ποιῇ
ῥητὴν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' ἣν παράκειται,
μήκει.

Theor.

Theore. 18. Propo. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

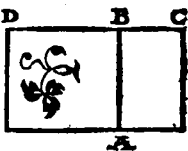


κ β

Τὸ ὑπὸ ῥητῶν διωάμει μόνον συμμετρῶν ἰσθῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἀλογόν' ἐστὶ, καὶ ἡ διωαμένη αὐτὸ, ἀί ογός' ἐστὶ. καλεῖσθαι δὲ Μέση.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies reſtangula contenta duabus lineis rectis rationalibus potentia tantum commensurabilibus, irrationalis eſt. Linea autem quæ illam superficiem poteſt, irrationalis & ipſa eſt; vocetur verò medialis.



κ γ

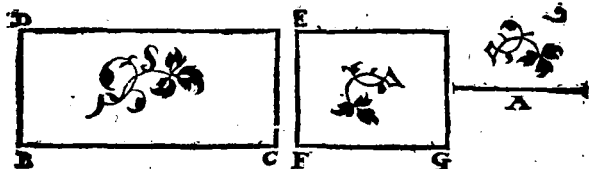
Τὸ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν καὶ ἀσύμμετρῶν τῇ παρ' ἣν παρὰ κέται, μήκει.

Theor

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 20. Propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.

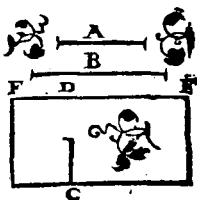


κ δ

ἡ τῇ μέσῃ σύμμετρος, μέση ἐστίν.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.

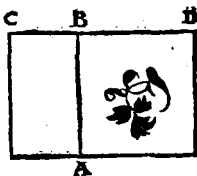


κ ε

Τὸ ὑπὸ μέσων μήκει συμμέτρων εὐθειῶν περιχόμενον ὀρθογώνιον, μέση ἐστίν.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.



Τὸ ὑπὸ

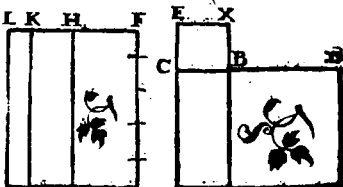
κς

Τὸ ὑπὸ μέσων δυνάμεϊ μόνον συμμετρῶν περιεχόμενον ὀρθογώνιον, ἢ τε ῥητὸν, ἢ μέγεθός ἐστιν.

Theore. 23. Propo. 16.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum

duabus lineis mediis potest tantum commensurabili-



N M G

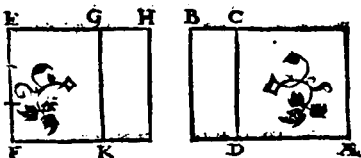
bus, vel rationale est, vel mediale.

κζ

Μέγεθός ἐστι καὶ ὑπερέχει ῥητός.

Theor. 24. Propo. 17.

Mediale non est maius quam mediale superficie rationali.



κη

Μείζων ἔσθαι δυνάμει μόνον συμμετρῶς, ῥητὸν περιεχόμενον.

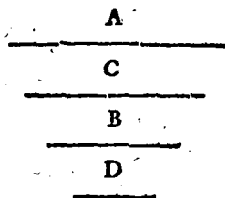
N

Pro-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 4. Propo. 28.

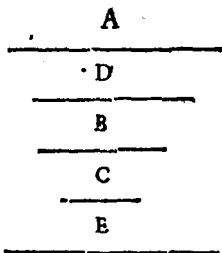
Mediales lineas in-
uenire potentia tā-
tūm cōmensurabi-
les rationale com-
prehendentes.



κθ

Μέσας εὐρεῖν δυνάμει μόνον συμμετρῆς μέσον πε-
ριεχούσας.

Probl. 5. Prop. 29.
Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tūm commensura-
biles mediale com-
prehendentes.



λ

Εὐρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμετρῆς, ὥστε
τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μείζον δύνασθαι ὥ ἀπὸ
συμμέτρου ἐαυτῇ μήκει.

Proble. 6. Propo. 30.

Reperire duas racionales potentia tantūm
com.

commensurabiles huiusmodi, ut maior ex illis possit plus quàm minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

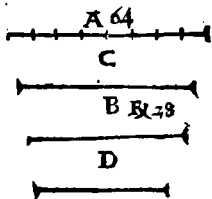


λα

Εὐρεῖν δύο μέσας διωάμει μόνον συμμέτρους ῥητὸν περιεχούσας, ὥστε τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μᾶλλον δύνασθαι ὥ ἀπὸ συμμέτρου ἐαυτῇ μήκη.

Proble.7. Propo.31.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentem, tales inquam, ut maior possit plus quàm minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.



λβ

Εὐρεῖν δύο μέσας διωάμει μόνον συμμέτρους μέθην περιεχούσας, ὥστε τὴν μείζονα τῆς ἐλάττονος μᾶλλον δύνασθαι ὥ ἀπὸ συμμέτρου ἐαυτῇ.

Proble.8. Propo.32.

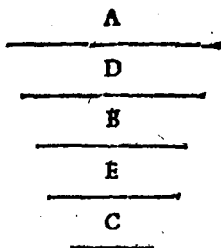
Reperire duas lineas mediales potentia

N 2

tan-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tantum commensurabiles medialem superficiem continentes, huiusmodi ut maior plus possit quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.



λ γ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας διαμέτρους ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συγκέκρυτον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ῥητόν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέτρον.

Proble. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant su-

perficiem rationalem, parallelogrammū

verò ex

ipsis contentum sit mediale.



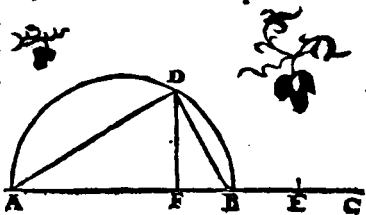
λ δ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας διαμέτρους ἀσυμμέτρους, ποιούσας τὸ μὲν συγκέκρυτον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέτρον, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν ῥητόν.

Probl.

Probl. 10. Propo. 34.

Reperire lineas duas rectas potentia incommensurabiles, conficientes compositum ex ipsarum quadratis mediale, parallelogrammum vero ex ipsis contentum rationale.

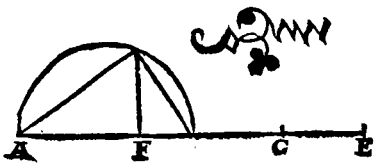


λε

Εὕρεῖν δύο ἑυθείας δυναμικῶς ἀσύμμετρος, ποιοῦσας τό τε συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέτρον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέτρον, καὶ ἐκ ἀσύμμετρον ὡς συγχείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incommensurabiles, conficientes id quod ex ipsarum quadratis componitur mediale, simulque parallelogrammum ex ipsis contentum, mediale, quod praeterea parallelogrammum sit incommensurable composito ex quadratis ipsarum.



N 3

APXH

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
 ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΚΑΤΑ ΣΥΝ-
 θεσιν ἐξάδων.

λϛ

Εάν δύο ῥητὰ δυνάμει μόνον σύμμετροι σωτεθῶ-
 σιν, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστιν. καλείσθω δὲ ἐκ δύο ὁ-
 νομάτων.

PRINCIPIUM SENARIO-
 rum per compositionem.

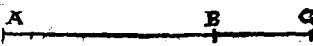
Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potentia tantum commen-
 surabiles componantur, tota linea erit irra-
 tionalis. Voce
 tur autem Bino- 
 mium.

λδ

Εάν δύο μέσα δυνάμει μόνον σύμμετροι σωτεθῶ-
 σι ῥητὸν περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστι. καλείσθω δὲ
 ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum commen-
 surabiles rationale continentes compo-
 nantur, tota li- 
 nea est irratio-
 nalis, vocetur

autem

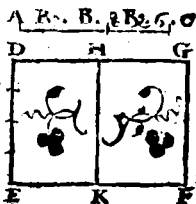
autem Bimediale prius.

λη

Εάν δύο μέσα δυνάμει μόνον σύμμετροι συσυντιθέσιν μέτρον περιέχουσαι, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ ἐκ δύο μέσων δευτέρα,

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum commensurabiles mediale continentes componantur, tota linea est irrationalis. vocetur autem Bimediale secundum,



λθ

Εάν δύο ἐυθεῖαι δυνάμει ἀσύμμετροι συσυντιθέσιν ποιοῦσαι τὸ μὲν συγκεκλιμένον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε τραγῶνων ῥητόν, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν μέτρον, ἡ ὅλη ἐυθεῖα ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

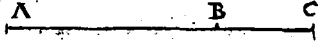
Si duæ rectæ potentia incommensurabiles componantur, conficientes compositum ex quadratis ipsarum rationale, parallelogrammum verò ex ipsis contentum mediale, tota linea re-
cta est
irrationalis. Vocetur autem linea maior.

N 4

Edv

^μ
 Εάν δύο ευθείαι δυνάμει ἀσύμμετροι συντεθῶσι,
 ποιοῦσαι τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν
 τετραγώνων μέτρον, τὸ δὲ ὑπ' αὐτῶν ῥητόν, ἡ δὲ ἐν-
 θεῖα ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ ῥητόν καὶ μέτρον διω-
 μένη.

Theor. 29. Propo. 40.

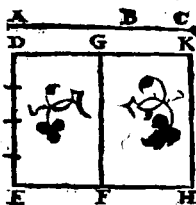
Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
 componantur, conficientes compositum ex
 ipsarum quadratis mediale, id verò quod fit
 ex ip- ^Λ ^Β ^Γ
 sis, ra- 
 tionale, tota linea est irrationalis. Vocetur
 autem potens rationale & mediale.

^{μα}
 Εάν δύο ευθείαι δυνάμει ἀσύμμετροι συντεθῶσι
 ποιοῦσαι τὸ, τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγώνων μέτρον, καὶ τὸ ὑπ' αὐτῶν μέτρον, καὶ ἐκ ἀ-
 σύμμετρον ὧς συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγώνων, ἡ δὲ ἐνθεῖα ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω ὅ δὲ
 μέσα διωμάνη.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabiles
 componantur, conficientes compositum ex
 quadratis ipsarum mediale, & quod con-
 tinetur ex ipsis, mediale, & præterea in-
 com-

commensurabile compo-
sito ex quadratis ipsa-
rum, tota linea est irratio-
nalis. Vocetur autem po-
tens duo medialia.



$\mu\beta$

Η ἐκ δύο ὀνομάτων καθ' ἐν μόνον σημεῖον διαρρεῖ-
ται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in unico tantum puncto diuidi-
tur in sua nomi-
na, id est in line-
as ex quibus com-
ponitur.

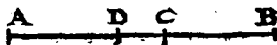


$\mu\gamma$

Η ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἐν μόνον σημεῖον
διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Propo. 43.

Bimediale prius in unico tantum puncto
diuiditur in sua
nomina.



$\mu\delta$

Η ἐκ δύο μέσων δευτέρα καθ' ἐν μόνον σημεῖον
διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

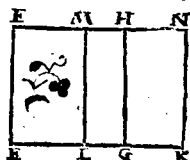
N 5

Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 33. Propo. 44. $\overline{A \quad D \quad C \quad B}$

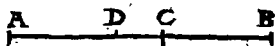
Bimediale secundum in
vnico tantum puncto di-
uiditur in sua nomina.



$\mu \epsilon$
Ἡ μείζων κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαρρεῖται εἰς
τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

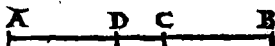
Linea maior in vnico tantum puncto diui-
ditur in
sua no-
mina.



$\mu \varsigma$
Ἡ ῥητὸν καὶ μέγαν δυναμένη κατ' ἐν μόνον σημεῖον
διαρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

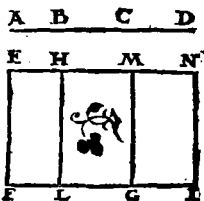
Linea potens rationale & mediale in vnico
tantum
puncto
diuiditur in sua nomina.



$\mu \zeta$
Ἡ δύο μέσα δυναμένη κατ' ἐν μόνον σημεῖον δια-
ρρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor.

Theore. 36. Pro-
posi. 47.



Linea potens duo media-
lia in vnico tantum pun-
cto diuiditur in sua no-
mina.

ΟΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς, καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων διηρημέ-
νης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς τὸ μᾶλλον ὄνομα τοῦ ἐλάτ-
τους μᾶλλον δύναται εἶναι ἀπὸ συμμετρῆς ἑαυτῇ
μήκει.

α

Εάν μὲν τὸ μᾶλλον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει τῇ ἐκκε-
μένη ῥητῇ, καλεῖσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Εάν δὲ τὸ ἐλάσσον ὄνομα σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει τῇ ἐκκε-
μένη ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρα.

γ

Εάν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾖ τῇ μήκει
τῇ ἐκκεμένη ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων
τρίτη.

Πάλιν δὲ εἰάν τὸ μᾶλλον ὄνομα τοῦ ἐλάσσονος μᾶ-
λλον δύνηται εἶναι ἀπὸ ἀσυμμέτρῆς ἑαυτῇ μήκει.

Εάν

δ

Εάν μὲν τὸ μᾶλλον ὄνομα, σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ἐκκρί-
μεινῇ ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτη.

Εάν ὃ τὸ ἐλάττω, πέμπτη.

ζ

Εάν ὃ μὴδέτερον, ἕκτη.

DEFINITIONES

secundæ.

Proposita linearationali, & binomio diuiso in sua
nomina, cuius binomij maius nomen, id est, ma-
ior portio possit plusquam minus nomen quadra-
to lineæ sibi, maiori inquam nomini, commensu-
rabilis longitudine:

1

Si quidem maius nomen fuerit commensurable longi-
tudine propositæ lineæ rationali, uocetur tota lineæ
Binomium primum;

2

Si uerò minus nomen, id est minor portio Binomij,
fuerit commensurable longitudine propositæ lineæ
rationali, uocetur tota lineæ Binomium secundum;

3

Si uerò neutrum nomen fuerit commensurable longi-
tudine propositæ lineæ rationali, uocetur Binomium
tertium.

Rursus

Rursus si maius nomen possit plusquam minus nomen quadrato linea sibi incommensurabilis longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurabile longitudine proposita linea rationali, uocetur tota linea Binomium quartum:

5

Si uero minus nomen fuerit commensurabile longitudine linea rationali, uocetur Binomium quintum:

6

Si uero neutrum nomen fuerit longitudine commensurabile linea rationali, uocetur illa Binomium sextum.

μ η

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτην.

Proble. 12. Proposition. 48.

Reperire Binomium primum.

D				
E	16	F	12	G
H				
12 4				
A		C		B
16				

μ θ

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

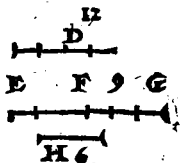
Pro

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble.13.Pro-
posi. 49.

A.....C...B

Reperire Binomium se-
cundum.



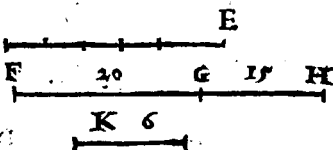
Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ζήτην.

Proble.14.
Prop.50.

A.....C.....

D

Reperi-
re Bino-
mium
tertiū.

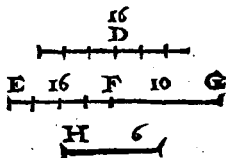


Εὑρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Proble.15.
Prop.51.

A.....C.....B

Reperire Binomium
quartum.



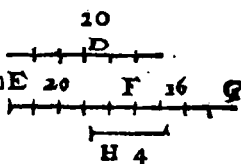
Εὑρεῖν

v6

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτην.

Probl. 16. Pro-
posi. 52.

A C

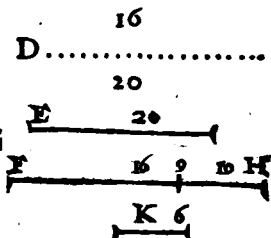
Reperire Binomium
quintum.

v7

Εὐρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτὴν.

Probl. 17. Pro-
posi. 53.

A C B

Reperire Binomiū
sextum.

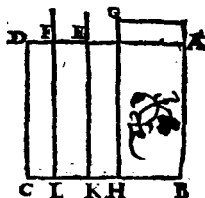
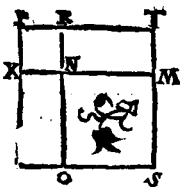
v8

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ὁ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη ἀλογός ἐστιν ἢ χαλαμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationali &

li & Bi-
nomio
primo, li-
nea quæ
illam su-
perficia-
em po-



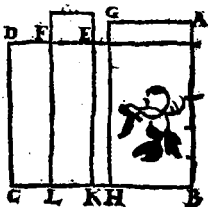
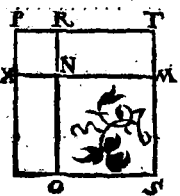
test, est irrationalis, quæ Binomium vocatur.

¶ 44

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογός ἐστιν ἡ καλυμένη ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea ratio-
nali & Binomio secundo, linea potens illam
superfi-
ciem est
irratio-
nalis,
quæ Bi-
mediale
primum
vocatur.



¶ 45

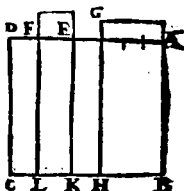
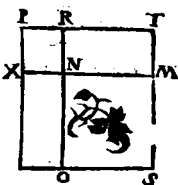
Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογός ἐστιν ἡ καλυμένη ἐκ δύο μέσων δευτέρα.

Theore. 39. Propo. 56.

Si superficies contineatur ex rationali &
Bino-

Bino-

mio ter-
tio, linea
quæ illā
superfici
em po-
test, est



irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundū.

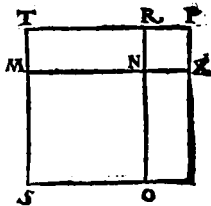
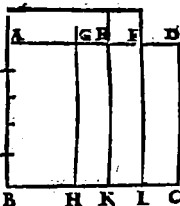
v z

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνο-
μάτων τετάρτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη ἀλογό-
βῃ, ἢ χαλαρμένη μείζων.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Bi-
nomio

quar-
to, li-
nea po-
tens su-
perfici-
em illā,



est irrationalis, quæ dicitur maior.

v η

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνο-
μάτων πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον δυναμένη ἀλογό-
βῃ, ἢ χαλαρμένη ῥητὸν καὶ μέσον δυναμένη.

Theor. 41. Propo. 58.

Si superficies contineatur ex rationali &

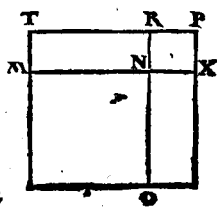
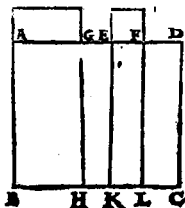
O

Bino-

EVCLID. ELEMEN. GEOM..

Binomio quinto, linea quæ illam super-

ficiem
potest
est ir-
ratio-
nalis,
quæ di-
citur
potēs
rationale & mediate.



v θ

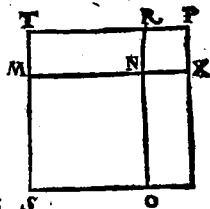
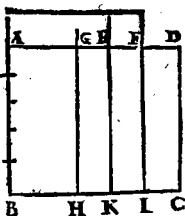
Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἑκτῆς, ἡ τὸ χωρίον διωαμένη ἀλογός ἐστιν,
ἢ καλεῖμένη δύο μέσα διωαμένη.

Theor. 42. Prop. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Bi-

nomio sexto, linea quæ illam superficiem po-

test
est ir-
ratio-
nalis,
quæ
dici-
tur po-
tens



duo medialia.

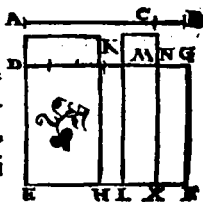
ξ

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παραβαλ-
λόμενον, πλάτος καὶ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων πρῶτην.

Theo.

Theore. 43. Pro-
posi. 60.

Quadratum Binomij secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

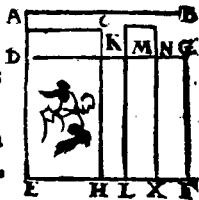


ξ α

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

Theo. 44. Pro-
posi. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

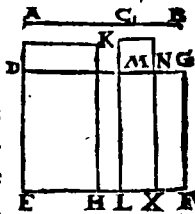


ξ β

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Theor. 45. Pro-
posi. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem applicatū, facit alterum latus Binomiiū tertium.



Ο 2

Τὸ

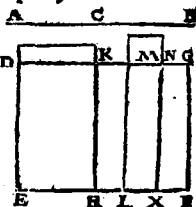
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ξγ

Τὸ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον,
πλάτος ποιῇ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theore. 46. Prop. 63.

Quadratum lineæ maioris secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum.

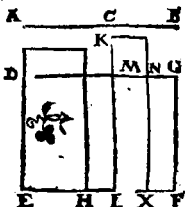


ξδ

Τὸ ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μέγαν δυναμένης παρὰ ῥη-
τὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων πέμπτην.

Theor. 47. Prop. 64.

Quadratum lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum.

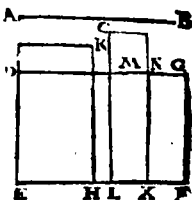


ξε

Τὸ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσα δυναμένης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των ἑκτὴν.

Theo-

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secundū
rationalem applicatum, fa-
cit alterum latus Binomiū
sextum.



ξς

Ἡ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκει σύμμετρος, καὶ αὐτὴ
ἐκ δύο ὀνομάτων ἐστὶ, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτὴ.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea longitudine com-
mensurabilis Binomio est
& ipsa Binomium eiusdē
ordinis.

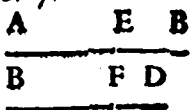


ξζ

Ἡ τῇ ἐκ δύο μέσων μήκει σύμμετρος, ἐκ δύο μέσων
ἐστὶ, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτὴ.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea longitudine com-
mensurabilis alteri bime-
dialium, est & ipsa bime-
diale etiam eiusdem or-
dinis.



ξη

Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτὴ μείζων ἐστίν.

Ο 3

Theo.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis
lineæ maiori, est & ipsa
maior.

A	E	B
————— —————		
C	F	D
————— —————		

ξ θ

Ἡ τῇ ῥητὸν καὶ μέθρ διωαμένη σύμμετρος, καὶ αὐτὴ
ῥητὸν καὶ μέθρ διωαμένη εἶν.

Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti ratio-
nale & mediale, est &
ipsa linea potens ratio-
nale & mediale.

A	E	B
————— —————		
C	F	D
————— —————		

ο

Ἡ τῇ δύο μέσα διωαμένη σύμμετρος, δύο μέσα δι-
ωαμένη εἶν.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabi-
lis lineæ potenti duo
medialia, est & ipsa li-
nea potens duo me-
dialia,

A	E	B
————— —————		
C	F	D
————— —————		

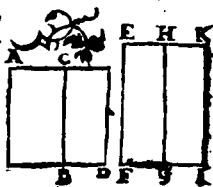
ο α

Ῥητοῦ καὶ μέθρ σιωλεμένη, τέσσαρες ἀλογον γίνον-
ται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέθρων πρώτῃ ἢ με-
ζῶν, ἢ καὶ ῥητὸν καὶ μέθρ διωαμένη.

Theor,

Theor. 54. Propo. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale,

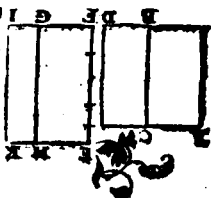


— ο β

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις συνωθεμένων, αἱ λοιπαὶ δύο ἀλογοὶ γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέσων δευτέρα, ἢ ἡ δύο μέσα δυναμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potens duo medialis.



Ο 4

ΣΧΟ-

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καὶ αἱ μετ' αὐτὴν ἄλλοι, ὅτε
τῇ μέσῃ, ὅτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ ῥητὴν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' ἣν πα-
ράκειται, μήκει.

Τὸ δ' ἀπὸ τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των δευτέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ῥητὸν καὶ μέσον διωαμένης παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς δύο μέσα διωαμένης παρὰ ῥητὴν πη
ραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
ἐκτίω.

Ἐπεὶ δὲ τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τοῦτε πρώ-
του καὶ ἀλλήλων, τοῦ μὲν πρώτου, ὅτε ῥητὴ ἔστιν, ἀλλή-
λων δὲ, ὅτε τῇ τάξει οὐκ εἰσὶν αἱ αὐταί, δῆλον ὅτι καὶ
αὐταὶ αἱ ἀλογοὶ διαφέρουσιν ἀλλήλων.

S C H O L I U M.

*Binomium est ceteræ consequentes lineæ irrationa-
les, neque sunt eadem cum lineæ mediali, neque
ipse inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum secun-
dum lineam rationalem, facit alterum latus lineam ra-
tionalem, et longitudine incommensurabilem lineæ
secundum quam applicatur, hoc est, lineæ rationali,
per 23.*

*Quadratum uero Binomij secundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum latus Binomium primum,
per 60.*

*Quadratum uero Bimedialis primi secundum ratio-
nalem applicatum, facit alterum latus Binomium se-
cundum, per 61.*

*Quadratum uero Bimedialis secundi secundum ratio-
nalem applicatum, facit alterum latus Binomium ter-
tium,*

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

tium, per 62.

Quadratum uerò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum uerò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum uerò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines uocantur, differant & à prima latitudine, quoniã est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diuersorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irracionales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΛΟΓΩΝ ΤῶΝ ΚΑΘ' ΑΦΑΪΡΕΣΙΝ.

Αρχὴ τῶν κατ' ἀφαΐρεσιν ἐξάδων.

ο γ

Εὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητὴ ἀφαιρεθῇ διωάμει μόνον σύμμετρος ὅσα τῇ ὅλῃ, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστι. χαλεαίσι δὲ ὁ ἀποτομή.

SECUNDVS QORDO ALTE

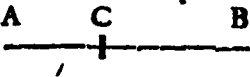
rius sermonis, qui est de detractiōe.

Principium senariorū per detractiōem.

Theo

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis, vocetur autem Residuum.



οδ

Εάν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαρῇ διωάμει μόνον σύμμετρος ὄυσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ῥητὸν περιέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χαλεῖσθαι δὲ μέσης ἀποτομὴν πρώτην.

Theo. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota contineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuum mediale primum.



οε

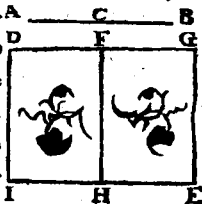
Εάν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαρῇ διωάμει μόνον σύμμετρος ὄυσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέθρι περιέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογός ἐστὶ. χαλεῖσθαι δὲ μέσης ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur medialis po-
tentia tantum commensurabilis toti, quæ verò
detracta est, cum tota con-
tineat superficiem media-
lem, reliqua est irrationalis. Vocetur autem Resi-
duum mediale secundum.



ο ς

Εάν ἀπὸ ἐυθείας ἐυδείας ἀφαιρεθῇ διωάμει ἀσύμ-
μετρος ὄυσα τῇ ὅλῃ, μετὰ τῇ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ μὲν
ἅπλ' αὐτῶν ἅμα ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῶν μέσον, ἡ λοι-
πὴ ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia
incommensurabilis toti, compositum au-
tem ex quadratis totius lineæ & lineæ de-
tractæ sit rationale, parallelogrammum
verò ex iisdem contentum sit mediale, re-
liqua linea erit A C B
irrationalis. Vo-
cetur autem linea minor.

ο ζ

Εάν ἀπὸ ἐυθείας ἐυδείας ἀφαιρεθῇ διωάμει ἀσύμ-
μετρος ὄυσα τῇ ὅλῃ, μὲν δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ μὲν
συγκρί-

συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-
σον, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐτῶν, ῥητὸν, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστι.
χρλείσθω ᾧ μὲν ῥητοῦ μέθ' τὸ ὅλον ποιοῦσα.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, compo-
situm autem ex quadratis totius & lineæ de-
tractæ sit mediale, parallelogrammum ve-
rò bis ex eisdem contentum sit rationale,
reliqua lineæ est irrationalis. Vocetur au-
tem linea faciens cum superficie rationali
totam superfi. A C B
ciem media. —————
lem.

ο η

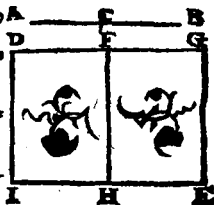
Ἐάν ἀπὸ ευθείας ευθεία ἀφαιρεθῇ δυναμὴ ἀσύμ-
μετρος ὅυσα τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης ποιοῦσα τὸ
μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων,
μέθ' τὸ ᾧ δις ὑπ' αὐτῶν, μέθ', ἢ ᾧ τὰ ἀπ' αὐτῶν
τετράγωνα ἀσύμμετρα ᾧ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ
ἀλογός ἐστι. χρλείσθω ᾧ ἢ μετὰ μέσθ' μέσθ' τὸ ὅλον
ποιοῦσα.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, compo-
situm autem ex quadratis totius & lineæ
deductæ sit mediale, parallelogrammum
verò

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

verò bis ex ijsdem sit etiam mediale: prae-
terea sint quadrata ipsarum incommensu-
rabilia parallelogrammo
bis ex ijsdem contento,
reliqua linea est irratio-
nalis. Vocetur autem li-
nea faciens cum superfi-
cie mediali totam super-
ficiem medialem.



ο θ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνον προσαρμόζει εὐθεῖα ῥητὴ,
δυνάμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantum linea recta coniungi-
tur rationalis, po- A B C' D
tentia tantum com-
mensurabilis toti lineæ.

π

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτη μόνον μία προσαρμόζει
εὐθεῖα μέση, δυνάμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ,
μετὰ δὲ τῇ ὅλῃς ῥητὸν περιέχουσα.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantum linea
coniungitur medialis, potentia tantum com-
mensurabilis toti, A B C D
ipsa cum tota conti-
nens rationale.

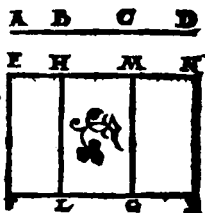
τῇ

πα

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ δευτέρα μία μόνον προσαρμόζει
 εὐθεῖα μέση, δυναμει μόνον σύμμετρος ὄνσα τῇ ὅ-
 λῃ, μετὰ δὲ τῆς ὅλης μέθι περιέχουσα.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secun-
 do vnica tantum coniun-
 gitur medialis, potenti-
 tantum commensurabilis
 toti, ipsa cum tota contis-
 nens mediale.

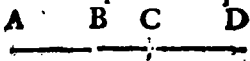


πβ

Τῇ ἐλάσσῃ μία μόνον προσαρμόζει εὐθεῖα δυνά-
 μει ἀσύμμετρος ὄνσα τῇ ὅλῃ, ποιούσα μετὰ τῇ ὅλῃ
 τὸ μὲν ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, ῥητὸν, τὸ δὲ
 δις ὑπὲρ αὐτῶν, μέθι.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineæ minori vnica tantum recta coniungi-
 tur potentia incommensurabilis toti, faci-
 ens cum tota compositum ex quadratis ip-
 sarum rationale, id
 verò parallelogram-
 mum, quod bis ex
 ipsis fit, mediale.



πγ

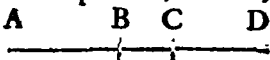
Τῇ μετὰ ῥητοῦ μέθι τὸ ὅλον ποιούσῃ μία μόνον
 προσαρμόζει εὐθεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος ὄνσα τῇ
 ὅλῃ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

ὅλη, μετὰ τῷ ὅλης ποιῶσα τὸ μὲν συγκέκμητον ἐκ
τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέγν, τὸ δὲ δις ὑπ' αὐ-
τῶν, ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali totam superficiem medialem, vnica tantum coniungitur linea recta potentia incommensurabilis toti, faciens autem cum tota compositum ex quadratis ipsarum, mediale, id verò quod fit



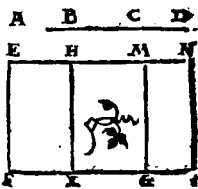
bis ex ipsis, ratio-
nale.

πδ

Τῇ μετὰ μέσθι μέγν τὸ ὅλον ποιούσῃ μία μόνον
προσαρμόζει ἐνδεῖα δυνάμει ἀσύμμετρος δυσὶ τῇ
ὅλῃ, μετὰ δὲ τῷ ὅλης ποιῶσα τό, τε συγκέκμητον ἐκ
τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέγν, τὸ δὲ δις ὑπ'
αὐτῶν, μέγν, καὶ ἐκ ἀσύμμετρον τὸ συγκέκμητον ἐκ
τῶν ἀπ' αὐτῶν δὲ δις ὑπ' αὐτῶν.

Theor. 65. Propo. 84.

Lineæ cum mediali superficie facienti totam superficiem medialem, vnica tantum coniungitur linea potentia toti incommensurabilis, faciens cum tota compositum ex quadratis ipsarum mediale, id verò quod fit



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incommensurable ei quod sit bis ex ipsis.

ΟΡΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς.

α

Εάν μὲν ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύνηται ὅ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ μήκη, καὶ ἡ ὅλη σύμμεσος ᾗ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καλεῖσθω ἀποτομὴ πρώτη.

β

Εάν ᾗ ἡ προσαρμόζουσα σύμμεσος ᾗ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύνηται ὅ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖσθω ἀποτομὴ δευτέρα.

γ

Εάν ᾗ μηδετέρα σύμμεσος ᾗ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, ἡ δὲ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύνηται ὅ ἀπὸ συμμετρῶς ἑαυτῇ, καλεῖσθω ἀποτομὴ τρίτη.

Ἐπάλιν εἰάν ἡ ὅλη τῆς προσαρμοζούσης μῆζον δύνηται ὅ ἀπὸ ἀσυμμετρῶς ἑαυτῇ μήκει.

Ε

Εἰς

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

δ

Εάν μὲν ἡ ὅλη σύμμετρος ᾗ τῇ ἐκκειμένη ῥητῇ μῆκει,
καλείσθω ἀποτομὴ τετάρτη.

ε

Εάν ᾗ ἡ προσαρμόζουσα, πέμπτη.

ς

Εάν ᾗ μηδετέρα, ἕκτη.

DEFINITIONES

TERTIÆ.

Proposita lineæ rationali & residuo.

1

*Si quidem tota, nempe composita ex ipso res-
duo & lineæ illi coniuncta, plus potest quàm con-
iuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis lon-
gitudine, fueritq; tota longitudine commensura-
bilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsum
uocetur Residuum primum.*

2

*Si uerò coniuncta fuerit longitudine commensu-
rabilis rationali, ipsa autē tota plus possit quàm
coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine com-
mensurabilis, residuum uocetur, Residuum secun-
dum.*

ἰκτοῦ

3

Si uerò neutra linearum fuerit longitudine commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, uocetur Residuum tertium.

Rursum si tota possit plus quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis.

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, uocetur Residuum quartum.

5

Si uerò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum quintum.

6

Si uerò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potenti or quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, uocetur Residuum sextum.

π 1

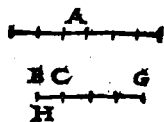
Εὐρεῖν τὴν πρῶτῳ ἀποτομήν.

P 2

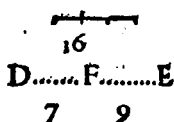
Proa

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Proble. 18. Propo-
siti. 85.



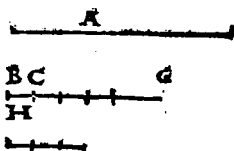
Reperire primum Resi-
duum.



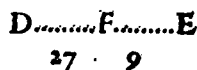
π 5

Εὑρεῖν τὴν δευτέραν ἀποτομὴν.

Probl. 19. Propo-
siti. 86.



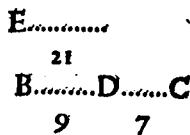
Reperire secundum Re-
siduum.



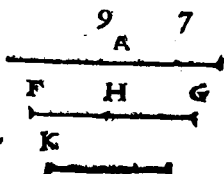
π ζ

Εὑρεῖν τὴν τρίτῃ ἀποτομὴν.

Probl. 20. Propo-
siti. 87.



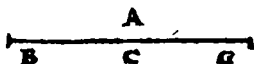
Reperire tertium Re-
siduum.



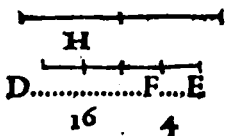
π η

Εὑρεῖν τὴν τετάρτῃ ἀπο-
τομὴν.

Probl. 21. Pro-
posi. 88.



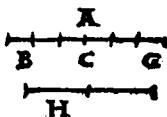
Reperire quar-
tum Residuū,



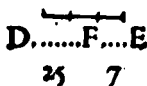
$\pi\theta$

Εὕρεῖν τὴν τέμνιν ἀποτομῆν.

Probl. 22. Pro-
posi. 89.

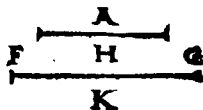


Reperire quintum Re-
siduum,



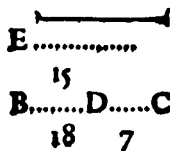
h

Εὕρεῖν τὴν ἑκτὴν ἀποτομῆν.



Probl. 23. Pro-
posi. 90.

Reperire sextum Resi-
duum,



$h\alpha$

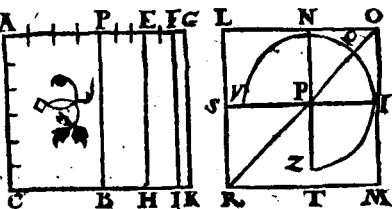
Εάν χωρίον περιχῆται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πρώ-
της, ἢ τὸ χωρίον διωαμένῃ ἀποτομῇ ᾖσιν.

P 3

Theos

Theor. 66. Propo. 91.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& resi- duo pri-
mo, li-
nea quæ
illam su-
perficie
potest,
est residuum.

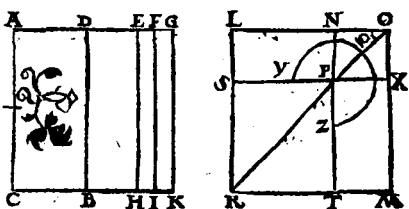


h 6

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ ἀποτομῆς δευ-
τέρας, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη, μέσης ἀποτομῇ ὅτι
πρώτη.

Theor. 67. Propo. 92.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& resi-
duo se-
cundo,
linea
quæ il-
lam su-
perfici-
em potest, est residuum mediale primum.



h γ

Εάν χωρίον περιέχεται υπό ρητῆς καὶ ἀποτομῆς
τρίτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη, μέσης ἀποτομῇ ὅτι
δευτέρα.

Theor.

Theor. 68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& resi-

duo ter-

tio, linea

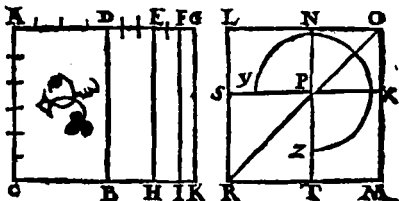
quæ illâ

superfi-

ciem po-

test, est

residuum mediale secundum.



hδ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τε-
τάρτης, ἢ τὸ χωρίον διωυαμένη, ἐλάσσων ἐστὶ.

Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali

& resi-

duo

quarto,

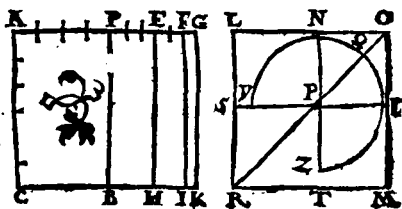
linea

quæ illâ

superfi-

ciem po-

test, est linea minor.



hε

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς
πέμπτης, ἢ τὸ χωρίον διωυαμένη, ἢ μετὰ ῥητοῦ μέ-
γν τὸ ὅλον ποιούσά ἐστι.

P 4

Theor.

Theor. 70. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo quinto, linea quæ illam superficiem

potest
est ea
quæ di
citur
cum ra
tiona
li su
perfi
cie

faciens totam medialem.

h 5.

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς
ἑκτῆς, ἡ τὸ χωρίον διωαμένη, μετὰ μέσῃ μέθ' τὸ
ῥῶν ποιοῦσά ἐστι.

Theore. 71. Propo. 96.

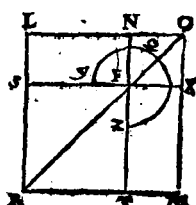
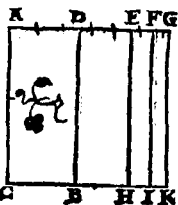
Si superficies contineatur ex linea rationali
& residuo sexto, linea quæ illam superficiem

potest
est ea
quæ di
citur
faciēs
cum
media

li superficie totam medialem.

h 6.

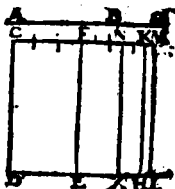
Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον,



πλάτος ποιῶ, ἀποτομὴν πρώτην.

Theor. 72. Propo-
siti. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum.

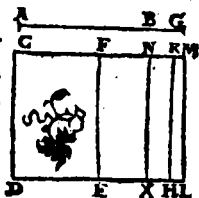


hη

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῶ, ἀποτομὴν δευτέραν.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residui secundum.

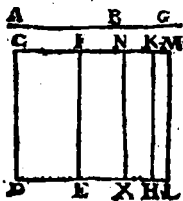


hθ

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῶ, ἀποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Propo-
siti. 99.

Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum tertium.



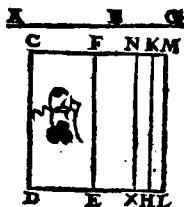
P 5

Τὸ

Τὸ ἀπὸ ἐλάσθους παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον,
πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Prop. 100.

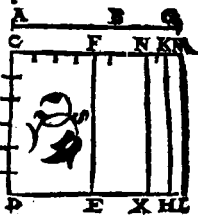
Quadratum lineæ mino-
ris secundum rationalem
applicatum, facit alterum
latus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητοῦ μέθ' τὸ ὅλον ποιούσης πα-
ρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν
πρώτην.

Theor. 76. Prop. 101.

Quadratum lineæ cum ra-
tionali superficie facien-
tis totam medialem, se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum quintum.

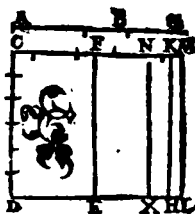


Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσθ' τὸ ὅλον ποιούσης παρὰ
ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν
δύτην.

Theor.

Theor. 77. Propo. 102.

Quadratum lineæ cum
mediali superficie facien-
tis totam medialem, se-
cundum rationalem ap-
plicatum, facit alterum la-
tus residuum sextum.

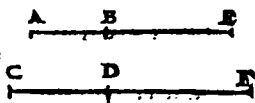


ρ γ

Η τῇ ἀποτομῇ μήκῃ σύμμετρος, ἀποτομή ἐστίν, καὶ
τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 78. Propo. 103.

Linea residuo com-
mensurabilis longi-
tudine, est & ipsa re-
siduum, & eiusdem
ordinis.

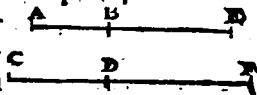


ρ δ

Η τῇ μέσῃ ἀποτομῇ σύμμετρος, μέση ἀποτομή ἐστίν,
καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 79. Prop. 104.

Linea commensura-
bilis residuo media-
li, est & ipsa residuum
mediale, & eiusdem ordinis.



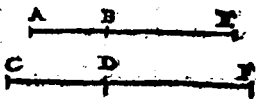
Η τῇ

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

^{ρ ε}
 Η τῇ ἐλάττωσιν σύμμετρος, ἐλάττωσιν ἐστίν.

Theore. 80. Prop. 105.

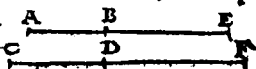
Linea communis
 bilis lineæ minori,
 est & ipsa linea mi-
 nor.



^{ρ ε}
 Η τῇ μετὰ ῥητοῦ μέτρῳ τὸ ὅλον ποιούσῃ σύμμετρος,
 καὶ αὐτὴ μετὰ ῥητοῦ μέτρῳ τὸ ὅλον ποιούσα ἐστίν.

Theore. 81. Prop. 106.

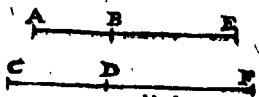
Linea communis
 superfacie facienti totam medialem, est & ip-
 sa linea cum rationali
 superfacie faciens tota-
 tam medialem.



^{ρ ζ}
 Η τῇ μετὰ μέτρῳ μέτρῳ τὸ ὅλον ποιούσῃ σύμμετρος, καὶ
 αὐτὴ μετὰ μέτρῳ μέτρῳ τὸ ὅλον ποιούσα ἐστίν.

Theor. 87. Prop. 107.

Linea communis
 superfacie facienti
 totam medialem,
 est & ipsa cum me-
 diali superfacie faciens totam medialem.



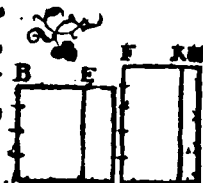
Απὸ

§. 11

Απὸ ῥητοῦ, μέσῃ ἀφαιρέμεν, ἢ τὸ λοιπὸν χωρὶς
διωαμένῃ, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἢτοι ἀποτομή, ἢ
ἐλάττων.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur superfic-
ties medialis, linea quæ re-
liquam superficiē potest,
est alterutra ex duabus ir-
rationalibus, aut residuū,
aut linea minor.

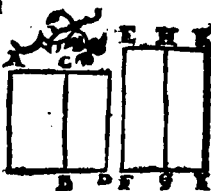


§. 12

Απὸ μέσῃ, ῥητοῦ ἀφαιρέμεν, ἀλλὰ δύο ἀλογοὶ γί-
νονται, ἢτοι μέσῃ ἀποτομή πρώτη, ἢ μετὰ ῥητοῦ τὸ
ὅλον ποιοῦσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali
detrahatur superficies ra-
tionalis, aliz duæ irratio-
nales fiunt, aut residuū
mediale primū, aut cum
rationali superficiē faci-
ens totam medialem.



§. 13

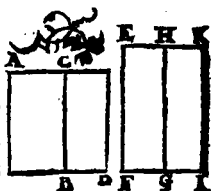
Απὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαιρέμεν ἀσυμμέτρῃ ὅτι ὅλον,

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

αἱ λοιπαὶ δύο ἀλογοὶ γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή
 δευτέρα, ἢ μετὰ μέσῳ μέθρ τὸ ὅλον ποιούσα.

Theor. 85. Propo. 110.

Si de superficie mediali detrahatur superfi-
 cies medialis quæ sit in-
 commensurabilis toti, re-
 liquæ duæ sunt irratio-
 nales, aut residuum me-
 diale secundum, aut cum
 mediali superficie faciēs
 totam medialem.



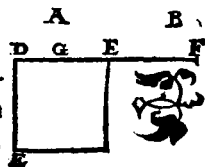
για

Ἡ ἀποτομή οὐκ ἔστιν ἡ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 86. Pro-

posit. III.

Linea quæ Residuum di-
 citur, non est eadem cum
 ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή οὐκ αἰ μετ' αὐτὴν ἀλογοὶ, ὅτε τῇ μέσῳ
 ὅτε ἀλλήλας εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλ-
 λόμενοι,

λόμῳ, πλάτος ποιῇ, ῥητὴν δὲ ἀσύμμετρον τῇ
παρ' ἣν παρὰχεται, μήκῃ.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν πρώτῳ.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν δευ-
τέραν.

Τὸ δὲ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δευτέρας παρὰ ῥητὴν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν
τρίτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ ἐλάττονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμε-
μενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητοῦ μέθρ τοῦ ὅλον ποιούσης
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀ-
ποτομὴν πέμπτην.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσθρ μέθρ τοῦ ὅλον ποιούσης
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀ-
ποτομὴν ἕκτην.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τοῦτε
πρώτου καὶ ἄλλων (τοῦ μὲν πρώτου, ὅτε ῥητὴ
ᾧ, ἄλλων δὲ, ὅτε τάξι οὐκ εἰσὶν αὐτὰ) δὲ

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

λαί ὡς καὶ αὐταὶ αἱ ἀλλοιοὶ διαφέρουσιν ἀλλή-
λων. καὶ ἐπεὶ δέδωκεται ἡ ἀποτομή οὐκ ὀυσα ἢ
αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιούσι δὲ πλάτη
παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενα μὲν αἱ μετὰ τὴν
ἀποτομήν, ἀποτομὰς ἀκολουθῶς τῇ τάξει κα-
θαυτὴν, αἱ δὲ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, τὰς ἐκ
δύο ὀνομάτων, καὶ αὐταὶ τῇ τάξει ἀκολουθῶς,
ἑτεροὶ ἄρα εἰσὶν αἱ μετὰ τὴν ἀποτομήν, καὶ ἑτε-
ροι αἱ μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι τῇ τά-
ξει πάσας ἀλόγους ιγ.

α	Μέσλιν.	η	Αποτομήν.
β	Εκ δύο ὀνομάτων.	θ	Μέσλιν ἀποτομήν
γ	Εκ δύο μέσων πρώ- τῶν.	ι	Μέσλιν ἀποτομήν
δ	Εκ δύο μέσων δευ- τέρων.	ια	Ελάτωνα.
ε	Μείζονα.	ιβ	Μετὰ ῥητοῦ μέσον τὸ
ς	ῤητὸν καὶ μέθιν δυ- ναμένλιν.	ιγ	ὄλον ποιούσαν.
ζ	Δύο μέσα δυναμέ- νῶν.		ιγ Μετὰ μέσων μέθιν τὸ
			ὄλον ποιούσαν.

SCHO-

LIBER X.
SCHOLIVM.

121

Linea quæ Residuum dicitur, & cætera quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediali neque sibi ipsæ inter se sunt eadem. Nam quadratum lineæ medialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundum quam applicatur, per 23.

Quadratum uerò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum primum, per 97.

Quadratum uerò residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum uerò residui medialis secundi, facit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum uerò lineæ minoris facit alterum latus residuum quartum, per 100.

Quadratum uerò lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum uerò lineæ cum mediali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Q

Cum

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato æqualis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irrationales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est Residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt et residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomij & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomijs eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irrationales quæ consequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irrationales sunt numero 13.

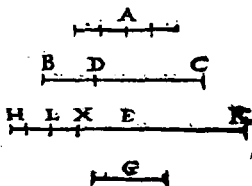
- | | |
|-----------------------|----------------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum mediale se- |
| 3 Bimediale primum. | cundum. |
| 4 Bimediale secundū. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum rationali |
| 6 Potens rationale & | superficie totam me- |
| mediale. | diale. |
| 7 Potēs duo medialis. | 13 Faciens cum mediali su- |
| 8 Residuum. | perficit totam media- |
| 9 Residuum mediale | lem. |

§ 16

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομήν, ἥς τὰ ὀνόμα-
τα σύμμετρα εἰσι τοῖς τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
σι, καὶ ἐν ᾧ αὐτῷ λόγῳ. καὶ ἐκ ἡ γινομένη ἀποτομή
τὴν αὐτὴν ἐκ τῆς τάξεως τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theore. 87: Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum Bi-
nomium applicatū,
facit alterum latus
residuum, cuius no-
mina sunt commen-
surabilia Binomij
nominibus, & in ea-
dem proportione:
præterea id quod fit Residuum, eundem



Q 2

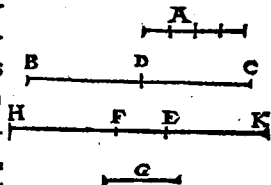
ordi-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.
ordinem retinet quem Binomium.

ρ γ
Τὸ ἀπὸ ῥῆτῆς παρὰ ἀποτομὴν παραβαλλόμενον,
πλάτος ποιῶ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἥς τὰ ὀνόματα
σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ὅ
ᾧ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ἡ γινομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν
αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀποτομῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum res-
duum applicatum, facit alterum latus Bino-
mium, cuius nomi-
na sunt commensu-
rabilia nominibus
residui & in eadem
proportionē: præ-
terea id quod fit Bi-
nomium, est eiusdē
ordinis, cuius & Residuum.

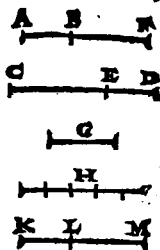


ρ δ
Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ἀποτομῆς καὶ τῇ ἐκ δύο
ὀνομάτων, ἥς τὰ ὀνόματα σύμμεζά ἐστι τοῖς τῆς ἀ-
ποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ὅ αὐτῷ λόγῳ, ἢ τὸ χωρίον
διωαμένη, ῥητὴ ἔσται.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum contineatur ex resi-
duo

duo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportionem, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

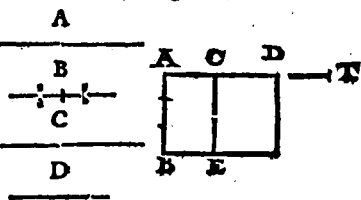


§ 18

Απὸ μέσης ἀπὸροι ἀλογοὶ γίνονται, καὶ οὐδεμία οὐδεμιᾶ τῶν πρότερον ἡ αὐτή.

Theor. 90. Propo. 115.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irrationales innumerabiles, quarum nulla vllian tediatarum eadem sit,



§ 19

Προκείσθω ἡμῖν δεῖξαι, ὅτι ἐπὶ τῶν τετραγώνων σχηματῶν, ἀσύμμεζός ἐστιν ἡ διάμεζος τῇ πλευρᾷ μήκει.

Q 3 Pro-

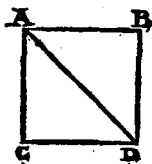
EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Propo. 116.

Propositum nobis esto
demonstrare in figuris
quadratis diametrum esse
longitudine incommen-
surabilem ipsi lateri,

E...H...F

G...



Elementi decimi finis,



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΨΟΝ
ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM VNDECIMVM,
ET SOLIDORVM
primum.

ΟΡΟΙ.

α.

Στερεόν ἐστὶ τὸ μῆκος, καὶ πλάτος, καὶ βάθος ἔχον.

DEFINITIONES

Ι

Solidum, est quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὺν ὃ πῆγας, ἐπιφανεία.

Q 4

Solidi

Solidi autem extremum est superficies.

Εὐθεία πρὸς ἐπίπεδον ὀρθή ἐστιν, ὅταν πρὸς πάσας τὰς ἀπιομένας αὐτῆς εὐθείας, καὶ ὅσας ἐν αὐτῇ ὑποκείμεναι ἐπιπέδῳ, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

Linea recta est ad planum recta, cum ad rectas omnes lineas, à quibus illa tangitur, quæque in proposito sunt plano, rectos angulos efficit.

Επίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθόν ἐστιν, ὅταν αἱ τῇ κοινῇ τὴν τομὴν τῶν ἐπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐνὶ τῶν ἐπιπέδων, ὥς λοιπὸν ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ᾖσιν.

Planum ad planum rectum est, cum rectæ lineæ, quæ communi planorum sectioni ad rectos angulos in vno planorum ducuntur, alteri plano ad rectos sunt angulos.

Εὐθείας πρὸς ἐπίπεδον κλίσις εἶναι, ὅταν ἀπὸ τοῦ μεταῦρος πέρατος τῆς εὐθείας ἐπὶ τὸ ἐπίπεδον κείνουτος ἀχθῇ, καὶ ἀπὸ τοῦ γενομένου σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ ἐν αὐτῇ ἐπιπέδῳ πέρατος τῆς εὐθείας, εὐθεῖα
ἐπι-

Ἐπιζευχθεῖ, ἢ περιεχομένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῆς ἀχθείσης καὶ τῆς ἐφειρώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistente linea & adiuncta altera comprehensus, cùm à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis, atque à puncto quod perpendicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum, quod in eodem est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπιπέδῳ πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ἐστίν, ἢ περιεχομένη ὀξεία γωνία ὑπὸ τῶν πρὸς ὀρθᾷς τῇ κοινῇ τομῇ ἀγόμενων πρὸς τῷ αὐτῷ σημεῖον ἐν ἑκατέρῳ τῶν ἐπιπέδων.

6

Plani ad planum inclinatio, acutus est angulus rectis lineis contentus, quæ in utroque planorum ad idem communis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

ζ

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁμοίως κεκλίσθαι λέγεται, καὶ ἕτερον πρὸς ἕτερον, ὅταν αἱ εἰρημέναι τῶν κλίσεων γωνία ἴσαι ἀλλήλαις ᾖσι.

Q 5

Plan

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt æquales.

η

Παράλληλα ἐπίπεδά ἐστὶ τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallela plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

θ

Ὅμοια στερεὰ σχήματα ἐστὶ, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἑπιπέδων περιεχόμενα, ἴσων τὸ πλῆθος.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

ι

Ἰσα ἔχει ὁμοια στερεὰ σχήματα ἐστὶ, τὰ ὑπὸ ὁμοίων ἑπιπέδων περιεχόμενα ἴσων ᾧ πλῆθει καὶ τῷ μεγέθει.

ιο

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

ια

Στερεὰ γωνία ἐστίν, ἡ ὑπὸ πλειόνων ἢ δύο γραμμῶν ἀπλο-

ἐπιμένον ἀλλήλων καὶ μὴ ὅν τῇ αὐτῇ ἐπιφανείᾳ
 οὐσῶν, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

11

Solidus angulus, est plurium quàm duarum
 linearum, quæ se mutuò contingant, nec in
 eadem sint superficie, ad omnes lineas in-
 clinatio.

ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ἐστίν, ἡ ὑπὸ πλεόντων ἢ δύο ὀρθογώνων
 γωνιῶν περιεχομένη, μὴ οὐσῶν ὅν ὅτι αὐτῇ ὀρθογώνῳ
 πρὸς ἐνὶ σημείῳ συσσεσμένῳ.

Aliter.

Solidus angulus, est qui pluribus quàm duo
 bus planis angulis in eodem non consisten-
 tibus plano, sed ad vnum punctum colle-
 ctis, continetur,

12

Πύραμις ἔστι σχῆμα στερεὸν ὀρθογώνῳ περιεχομέ-
 νον, ἀπὸ ἐνὸς ὀρθογώνου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συσσεσμένῳ.

13

Pyramis, est figura solida quæ planis conti-
 netur, ab vno plano ad vnum punctum col-
 lecta.

14

Πρίσμα ἐστὶ σχῆμα στερεὸν ὀρθογώνῳ περιεχομέ-
 νον, ὅν δύο τὰ ἀπεναντίον ἴσα τε καὶ ὁμοία ἔσονται, καὶ
 ὁμοία ἀλλήλοις, τὰ δὲ λοιπὰ παραλλήλογράμματα.

Prisma,

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

18

Σφαῖρά ἐστιν, ὅταν ἡμικυκλίῳ μισοῦσης τῆς διαμέτρου, περιεγεχθὲν τὸ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιληφθὲν σχῆμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circumquiescentem diametrum semicirculo continetur, cum in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

18

Λέγων δὲ τῆς σφαῖρας εἶναι, ἡ μένουσα ἐυθεῖα, περὶ ἣν τὸ ἡμικύκλιον γέρεται.

15

Axis autem sphæræ, est quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον δὲ τῆς σφαῖρας εἶναι τὸ αὐτὸ, ὃ καὶ τοῦ ἡμικυκλίου.

16

Centrum verò Sphæræ est idem, quod & semicirculi.

Διά-

ζ

Διάμετρος ἥ τῆς σφαίρας ἐστίν, ἐυθεΐα τις διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη, καὶ περὶ τοῦ μέν ἑφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17

Diameter autem Sphæræ, est recta quædam linea per centrum ducta, & vtrinque à sphæræ superficie terminata.

η

Κῶνός ἐστιν, ὅταν ὀρθογωνία τρίγωνον μὲν οὖσα πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, περιενοχθῇ τὸ τρίγωνον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποχρῆσθαι ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιληφθῆν σχῆμα. καὶ ἡ μέν ἔσται ἐυθεΐα ἴση τῇ λοιπῇ τῇ περὶ τὴν ὀρθὴν περιφερομένη, ὀρθογωνίος ἔσται κῶνος. ἐὰν ᾖ ἐλάττω, ἀμβλυγωνίος. ἐὰν ᾖ μείζων, ὀξυγωνίος.

18

Conus est figura, quæ conuerso circumquiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, orthogonio triangulo continetur, cum in eundem rursus locum illud triangulum restitutum fuerit, unde moueri cœperat. Atque si quiescens recta linea æqualis sit alteri, quæ circum rectum angulum cōuertitur, rectangulus erit Conus: si minor, amblygonius: si verò maior, oxygonius.

ἄξιον

ι θ

ἄξων δὲ τοῦ κώνου εἰν ἡ μένυσσα, περὶ ἣν τὸ τρίγωνον στρέφεται.

ι ρ

Axis autem Coni, est quiescens illa linea, circum quam triangulum vertitur.

κ

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος ὁ ὑπὸ τῆς περιφερομένης εὐθείας γραφομένου.

ι σ

Basis verò Coni, circulus est qui à circumducta linea recta describitur.

κα

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνίᾳ παραλληλογράμμῳ μῦσταύσης μιᾶς πλευρᾶς τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν, περιεχθῇ τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκτασθῇ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ περιληφθῇ σχῆμα.

ι τ

Cylindrus figura est, quæ conuerso circum quiescens alterum latus eorum quæ rectum angulum continent, parallelogrammo orthogonio comprehenditur, cum in eundem rursus locum restitutum fuerit illud parallelogrammum, vnde moueri coeperat.

κ β

ἄξων δὲ τοῦ κυλίνδρου εἰν ἡ μένυσσα εὐθεῖα, περὶ ἣν τὸ

Ἡν τὸ παραλληλόγραμμον περιέχεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

x γ

Βάσεις δὲ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῶν ἀπεναντίον περιεχόμενων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

x δ

Ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι εἰσιν, ὧν οἵ τε ἄξονες καὶ αἱ διάμετροι τῶν βάσεων ἀνάλογόν εἰσιν.

24

Similes cōni & cylindri, sunt quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

x ε

Κύβος ἐστὶ σχῆμα στερεόν, ὑπὸ ἑξ τετραγώνων ἴσων περιεχόμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

x ς

Τετραέδρον ἐστὶ σχῆμα ὑπὸ τετάρων τριγώνων ἴσων

ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

26

Tetraëdrum est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κζ

Οκταέδρὸν ἔστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ ὀκτὸς ῥιγάνων ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

27

Octaëdrum figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κη

Δωδεκάεδρὸν ἔστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ δώδεκα πενταγώνων ἴσων, καὶ ἰσοπλευρῶν, καὶ ἰσογωνίων περιεχόμενον.

28

Dodecaëdrum figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κθ

Εικοσαέδρὸν ἔστι σχῆμα στερεὸν ὑπὸ ἑκοσιν ῥιγάνων ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

29

Eicosaëdrum figura est solida, quæ triangulis viginti æqualibus & æquilateris continetur.

Προτάσις.

α

Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὲν λ οὐκ ἔστιν ἐν ᾧ ὑπο-
κειμένῳ ὀπιπίδῳ, μέρος δὲ λ ἐν ᾧ μετῴρῳ.

Theorema 1. Propo. 1.

Quædam rectæ lineæ pars
in subiecto quidem non
est plano, quædam verò
in sublimi.

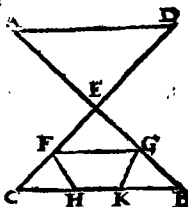


β

Εάν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐν ἐνὶ εἰσὶν ἐπί-
πιδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν ἐνὶ ὅσῳ ὀπιπίδῳ.

Theor 2. Propo 2.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secēt, in vno sunt pla-
no: atq; triangulū omne
in vno est plano.

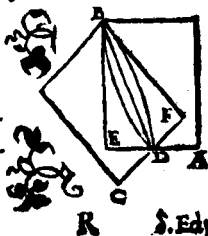


γ

Εάν δύο ἐπίπιδα τέμνη ἀλλήλα, ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ
εὐθεῖα ὅσῳ.

Theor. 3. Propo
sitio 3.

Si duo plana se mutuò se-
cēt, communis eorum se-
ctio est recta linea.



R

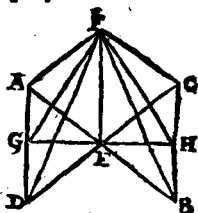
S. Edv

δ

Εάν ευθεία δυοὶ ευθείας τιμνούσας ἀλλήλας, πρὸς ὁρθὰς ἐπὶ τῇ κοινῇ τομῇ ἔκτανται καὶ ὁ δὲ αὐτῶν ἔκτανται πρὸς ὁρθὰς ἴσαι.

Theor. 4. Prop. 4.

Si recta linea rectis duabus lineis se mutuo secantibus, in communi sectione ad rectos angulos insistant illa ducto etiam per ipsas plano ad angulos rectos erit.



ε

Εάν ευθεία τρεῖς ἐν ευθείαις ἀπιομέναις ἀλλήλων, πρὸς ὁρθὰς ἐπὶ τῇ κοινῇ τομῇ ἔκτανται, αἱ τρεῖς ευθείαις ἐν ἑνὶ εἰσι πᾶσι.

Theor. 5. Prop. 5.

Si recta linea rectis tribus lineis se mutuo tangentibus, in communi sectione ad rectos angulos insistant, illae tres rectae in vno sunt plano.



ς

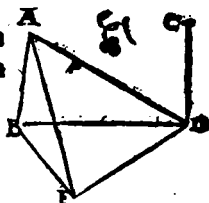
Εάν δύο ευθείαις ὁ αὐτῶν ἔκτανται πρὸς ὁρθὰς ᾗσι, παρὰ ἀλλήλας ἴσονται αἱ ευθείαις.

Theor

LIBER XL
Theorema 6. Prop. 6.

136

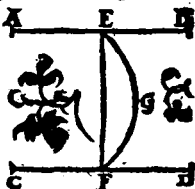
Si duæ rectæ lineæ eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelæ erunt illæ
rectæ lineæ.



Εάν ὅσι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ἡ ὅτι ἑκά-
τέρας αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ἐπὶ τὰ σημεῖα ὅτι
ζευγυμένη εὐθεῖα, ὅς ὃ αὐτῇ ὅτι πῶς ἐς τὰς πα-
ράλληλους.

Theorema 7. Prop. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in quarum
utraque sumpta sint que-
libet pύcta, illa lineæ quæ
ad hæc puncta adiungi-
tur, in eodem est cum pa-
rallelis plano.



Εάν ὅσι δύο εὐθεῖαι παράλληλοι, ἡ ὅτι ἑκά-
στες αὐτῶν ἐν πῶς πρὸς ὁριζῶν, καὶ ἡ λοιπὴ ὅς αὐτῇ ὅτι
πῶς πρὸς ὁριζῶν ἐσται.

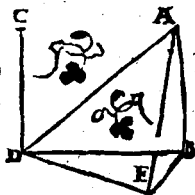
Theorema 8. Prop. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, quarum

R 2 alte

altera ad rectos cuidam
plano sit angulos, & reli-
qua eidẽ plano ad rectos
angulos erit.

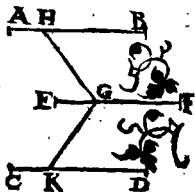
9



Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παράλληλοι, καὶ μὴ οὖσαι αὐτῇ
ἐν δὲ αὐτῷ ἐπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλους εἰσὶ παράλληλοι.

Theor.9. Prop.9.

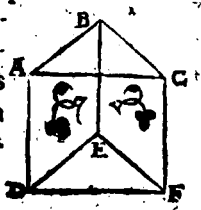
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæ-
quoque sunt inter se pa-
rallæ.



Εὰν δύο εὐθεῖαι ἀπὸ μέναι ἀλλήλων παρὰ δύο εὐ-
θείας ἀπὸ μέναι ἀλλήλων ᾧσι, μὴ ἐν δὲ αὐτῷ ἐπι-
πέδῳ, ἴσας γωνίας περιέξῃσι.

Theor.10. Prop.10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales compre-
hendent.



Dato plano, à pūcto quod
in illo datum est, duæ re-
ctæ lineæ ad rectos angu-
los non excitabuntur ad
easdem partes.

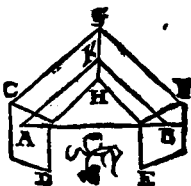
δ



Πρὸς δὲ ἐπίπεδα ἢ αὐτὴ ἐυδιῆα ὁρῶν ἕστι, παράλλη-
λα ἕστι τὰ ἐπίπεδα.

Theor. 12. Prop. 14.

Ad quæ plana, eadem re-
cta linea recta est, illa sunt
parallela.

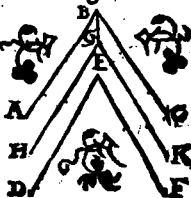


18

Εάν δύο ἐυδιῆαι ἀπὸ μὲν αἱ ἀλλήλων, παρὰ δύο ἐυ-
διέας ἀπὸ μὲν αἱ ἀλλήλων ὥσι μὴ ἐν τῷ αὐτῷ ὅπῃ πῶς
δοῦσαι, παράλληλα ἕστι τὰ δι' αὐτῶν ἐπίπεδα.

Theorema 13. Prop. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes ad
duas rectas se mutuò tan-
gentes sint parallelae, non
in eodem consistentes pla-
no, parallela sunt quæ per
illas ducuntur plana.



19

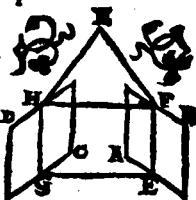
Εάν

Εάν δύο ἐπίπεδα παράλληλα ὑπὸ ὀρθῆς γωνίας τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῶν τομαὶ παράλληλοί εἰσι.

Theore. 14. Prop. 16.

Si duo plana parallela plano quopiam secentur, communes illorum sectiones sunt parallelæ.

13

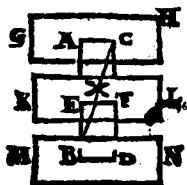


Εάν δύο ἐυθεῖαι ὑπὸ παραλλήλων ὀρθῶν ἐπιπέδων τέμνεται, αἱ τοὺς αὐτοὺς λόγους τμηθῆσονται.

Theor. 15. Prop. 17.

Si duæ rectæ lineæ parallelis planis secantur, in eadem ratione secabuntur.

14



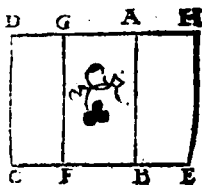
Εάν ἐυθεῖα ὀρθῶν ἐπιπέδων ᾗ πρὸς ὀρθὰς ἢ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα, τῷ αὐτῷ ὀρθῶν ἐπιπέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἴσται.

Theorema 16. Propositio 18.

R 4

Si

Si recta linea plano cui-
piam ad rectos sit angu-
los, illa etiam omnia quæ
per ipsam plana, ad rectos
eidem plano angulos e-
runt,

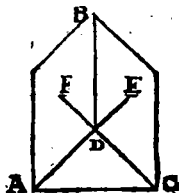


16

Εάν δύο επίπεδα τέμνοντα ἄλληλα, ἐπιπέδῳ ἑνὶ
πρὸς ὀρθὰς ἦ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν τομὴ δὲ αὐτῶν ἐπι-
πέδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theore. 17. Propo. 17.

Si duo plana se mutuò se-
cantia plano cuidam ad re-
ctos sint angulos, commu-
nis etiam illorum sectio
ad rectos eidem plano an-
gulos erit,

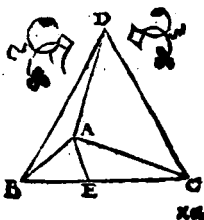


18

Εάν στερεὰ γωνία ὑπὸ τριῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέ-
χεται, δύο ὁποιαοῦν τῶν λοιπῆς μείζοντες εἰσι πάντα
μεταλαμβανόμενα.

Theor. 18. Prop. 20.

Si angulus solidus planis
tribus angulis contineat-
ur, ex his duo quilibet
utrumque assumpti tertio sunt
maiores,



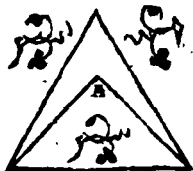
κα

ἅπασα σειρά γωνία ὑπὸ ἐλασσόνων ἢ τεσσάρων ὁρί-
σῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor. 19. Propositio

tio 2.

Solidus omnis angulus mi-
noribus continetur, quàm
rectis quatuor angulis pla-
nis.

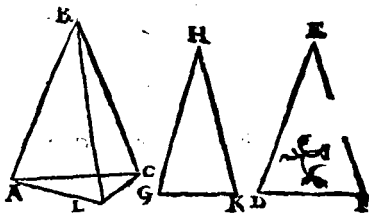


κε

Ἐάν τις ζῆς γωνία ἐπίπεδοι, ὧν αἱ δύο τῶν λοιπῶν
μείζοντες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεν, περιέχου-
σι ἡ αὐτὰς ἴσαι εὐθείαι, δυνατόν ὅταν ἐκ τῶν ὁρίστων
εὐθεσῶν τὰς ἴσας εὐθείας τρίγωνον συστήσῃται.

Theor. 20. Propositio 22.

Si pluri tres anguli equalibus rectis continen-
antur lineis, quorum duo utlibet assumpti,
tertio sint maiores, triangulum constitui
potest ex
lineis æ-
quales il-
las rectas
coniun-
gentibus.



κγ

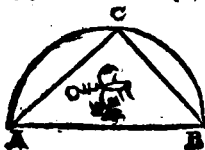
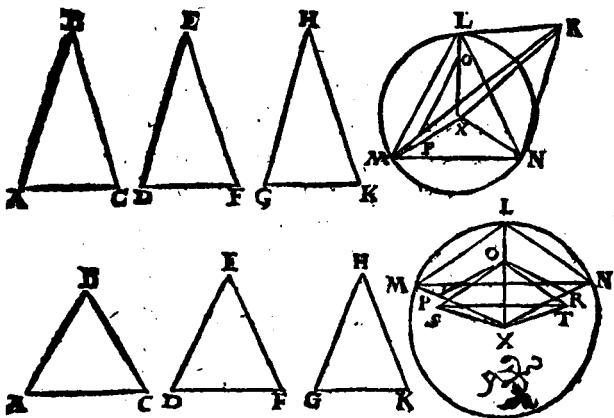
Ἐκ ζειῶν γωνιῶν ἐπιπέδων, ὧν αἱ δύο τῶν λοιπῶν με-
ζόντες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνομεν, σειράν γω-
νίας

K 5

Νῆα συστήσασθαι. δὲ δὴ τὰς τρεῖς τισσάρων ὀρθῶν
ἐλάσσονας εἶναι.

Probl. 3. Propo. 23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut li-
bet assumpti tertio sint maiores, solidum an-
gulum constituere. Decet autem illos tres
angulos rectis quatuor esse minores.



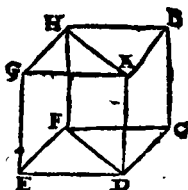
Εάν στερεὸν ὑπὸ παραλλήλων
ὀπίπιδων περιέχεται, τὰ ἀπ'
ἐναντίον αὐτοῦ ἐπίπεδα, ἴσα τε
καὶ παραλληλόγραμμα ἔσσι.

Theor.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis contineatur, aduersa illi plana & æqualia sunt & parallelogramma.

κς

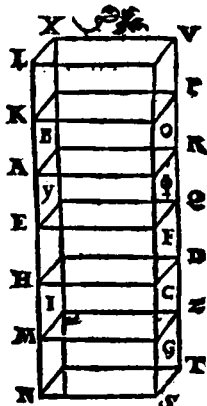


Εάν στερόν παραλληλεπίπυδον ὅππιδος τμηθῇ πᾶσι
ραλλήλοις ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ὅππιδοις, ἰσχυρῶς ἡ
βάσις πρὸς τὴν βάσιν, ὅντω τὸ στερόν πρὸς τὸ στε-
ρόν.

Theor. 22, Propo.
lit. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano fecetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

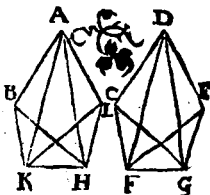
κς



Πρὸς τῇ δοθείσῃ ἑυθείᾳ καὶ ὁ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ
δοθείσῃ στερεᾷ γωνία ἰσὺν στερεῇ γωνίᾳ συστήσασ-
θαι.

Pro

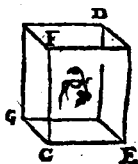
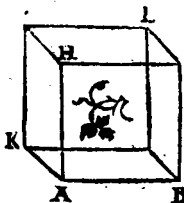
Ad datam rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato exqua-
lem.



Από τ' δοθείσης ευθείας, ὡς δοθέντι στερεῶ παραλλη-
λεπιπέδῳ ὁμοιόν τε καὶ ὁμοίως κείμενον στερεὸν πα-
ραλληλεπίπεδον ἀναγράφαι.

Probl. 5. Propositio 7.

A data recta, dato solido parallelis planis
comprehensio simile & similiter positum so-
lidum
paralle-
lis pla-
nis con-
tentum
descri-
bere.



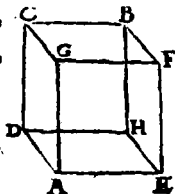
Εὰν στερεὸν παραλληλεπίπεδον ὅππιδε τμηθῇ κα-
τὰ τὰς διαγωνίους τῶν ἀπεναντίον ὅππιδων, δίχα
τμηθήσεται τὸ στερεὸν ὑπὸ τοῦ ὅππιδου.

Theorema 23. Proposit. 28.

Si solidum parallelis planis comprehensum,
ducto

ducto per aduersorum planorū diagonios

plano se-
ctum sit,
illud so-
lidū ab
hoc pla-
no bifa-
riam se-
cabitur.

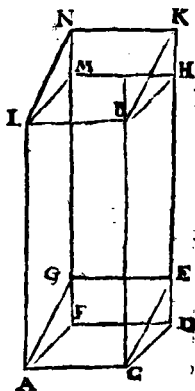


xθ

Τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα στερεὰ παραλληλεπί-
παιδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὧν αἱ ἐπιφανείαι ἐπὶ τῶν
αὐτῶν εἰσὶν ἰσodηῶν, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 24. Proposi-
tio 29.

Solida parallelis planis
comprehensa, quæ super
eandem basim & in ea-
dē sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ in
ijsdem collocantur re-
ctis lineis, illa sunt inter
se æqualia.



λ

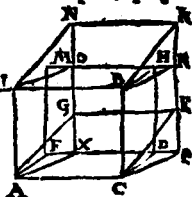
Τὰ ἐπὶ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα στερεὰ παραλληλεπί-
παιδα,

EVCLID. ELEM. GEOM.

πρῶτα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὅν αἱ ἐφ' ὧσα οὐκ εἰ-
σὶν ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐυθειῶν, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 25. Prop. 30.

Solida parallelis planis circumscrip-
ta, quæ su-
per eandem basim & in ead-
em sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ non
in iisdem reperiuntur re-
ctis lineis, illa sunt inter se
æqualia.

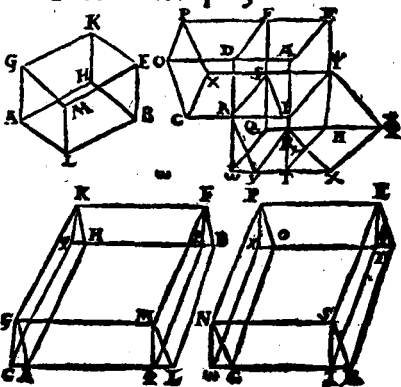


λα

Τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπρῳτα,
καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 26. Prop. 31.

Solida paral-
lelis pla-
nis cir-
cumscri-
pta, quæ
in eadē
sunt al-
titudi-
ne, æ-
qualia
sunt in-
ter se.



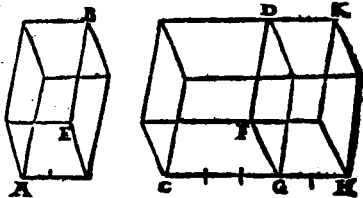
λβ

Τδ

Τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπαιδα, πρὸς ἀλλήλα ἔσται, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Prop. 32.

Solida parallelis planis circumscripta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

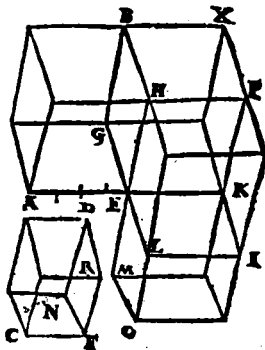


λγ

Τὰ ὁμοία στερεὰ παραλληλεπίπαιδα, πρὸς ἀλλήλα ἔσται τριπλασίονι λόγῳ εἰς τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 28. Prop. 33.

Similia solida parallelis planis circumscripta habent inter se rationem homologorum laterum triplicatam.



λδ

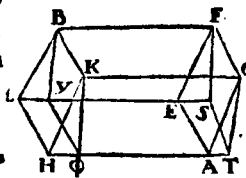
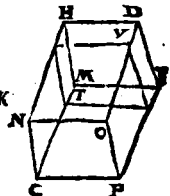
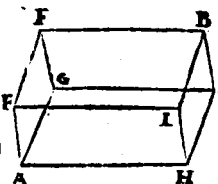
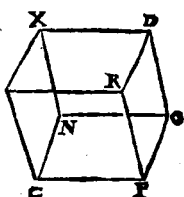
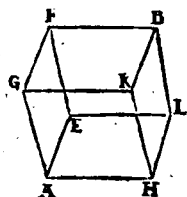
Τωι

EVCLID. ELEM. GEOM.

Τῶν ἴσων στερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπεπόν-
θασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι, καὶ τῶν στερεῶν παραλλη-
λεπιπέδων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν,
ἴσα εἶν ἐκάνα.

Theor. 29. Proposit. 34.

Aequa-
liū soli-
dorū pa-
rallelis
planis cō-
tentorū
bases cū
altitudi-
nibus re-
cipro-
cantur.
Et solida
paralle-
lis planis
contēta,
quorum
bases cū
altitudi-
nibus re-



ciprocantur, illa sunt æqualia.

λε

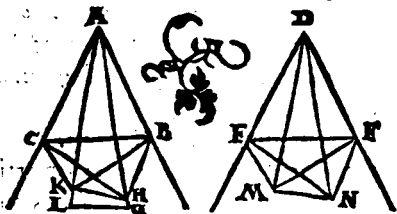
Εάν ᾤσι δύο γωνίαι ἐπίπεδοι ἴσαι, ἐπὶ δὲ τῶν κορυ-
φῶν αὐτῶν μετώροι ἐνδιῶται ὅτις αὐτῶν ἴσας γω-
νίας

ἴσας περιέχουσαι μετὰ τῶν δὲ ἀρχῆς ἐυθυμῶν, ἑκα-
τέραν ἑκατέρᾳ, ἐπὶ τῶν μετεώρων ληφθῆναι τυχόντα
σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ἐπὶ τὰ ἐπίπαιδα, ἐν δις αἰσὶν
αἱ ἀρχαὶ γωνίαι, κάδεται ἀχθῶσιν, ἀπὸ τῶν γε-
νομένων σημείων ὑπὸ τῶν καδέτων ἐπὶ τὴν ὀπίσθι-
δοις, ἐπὶ τὰς δὲ ἀρχὰς γωνίας ὀπίσθι καθῶσιν ἐυθυμῶν,
ἴσας γωνίας περιέχουσαι μετὰ τῶν μετεώρων.

— Theorema 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
verricibus sublimes rectæ lineæ insistant,
quæ cum lineis primò positis angulos con-
tineant æquales, vtrunque vtrique, in subli-
mibus autem lineis quælibet sumpta sint pū-
cta, & ab his ad plana in quibus consistunt
anguli primùm positi, ductæ sint perpendi-
culares, ab earum verò punctis, quæ in planis
signata fuerint, ad angulos primùm positos

adiun-
ctæ sint
rectæ li-
neæ, hæ
cū sub-
limibus
æqua-



les angulos comprehendunt.

λς

Εάν τρεῖς ἐυθυμῶν ἀνάλογον ᾶσι, τὸ ἐκ τῶν τριῶν γε-
ριστὸν παραλληλεπίπαιδον ἴσον εἶσι ᾧ ἀπὸ τῆς μέσης

S

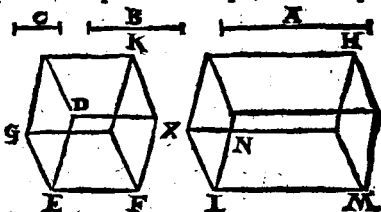
αριτῶν

εἰς τὸ παραλληλεπίπεδον, ἰσοπλεύρα μὲν, ἰσογωνία
 ἔστιν ὑποδημιόνα.

Theor. 31. Prop. 36.

Si rectę tres lineę sint proportionales, quod
 ex his tribus fit solidum parallelis planis con-
 tentum, æquale est descripto à media lineā
 solido parallelis planis comprehenso, quod

equila-
 terum
 quidē
 fit, sed
 antedi-
 cto æ-
 quian-
 gulum.



λζ

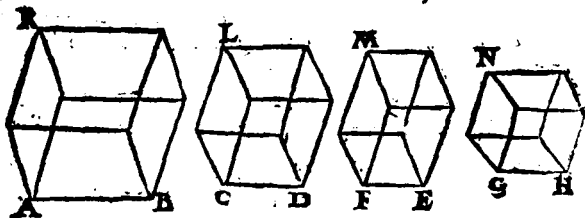
Εὰν τίσσaris εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾖσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐ-
 τῶν παραλληλεπίπεδα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγρα-
 φόμῃνα, ἀνάλογον ἔσαι, καὶ ἐὰν τὰ ἀπ' αὐτῶν εἰρη-
 παραλληλεπίπεδα ὁμοιά τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφó-
 μῃνα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐτὰ αἱ εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 32. Prop. 37.

Si rectę quatuor lineę sint proportionales,
 illa quoq; solida parallelis planis contenta,
 quę ab ipsis lineis & similia & similiter de-
 scribuntur, proportionalia erunt. Et si soli-
 da parallelis planis comprehensa, quę & si-
 milia & similiter describuntur, sint propor-

tio-

tionalia, illæ quoq; rectæ lineæ proportionales erunt.



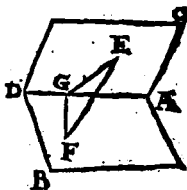
λη

Εάν επίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ τινὸς σημείου τῶν ἐν ἐνὶ τῶν ὀρθοπέδων ἐπὶ τὸ ἑτερον ἐπίπεδον κάθετος ἀχθῇ, ἐπὶ τῇ κοινῇ τμῇ τῶν ἐπιπέδων ἡ ἀγομένη κάθετος.

Theor. 33. Prop. 38.

Si planum ad planum rectū sit, & à quodam puncto eorum quæ in vno sunt planorum perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.

λθ



Εάν στερεὸν παραλλήλεπίπεδον τῶν ἀπεναντίων ἐπιπέδων αἱ πλευραὶ δίχα τμηθῶσι, διὰ τῶν τμῶν ἐπίπεδα ἐκβληθῇ, ἡ κοινὴ τμὴ τῶν ὀρθοπέδων καὶ ἡ τοῦ στερεοῦ παραλλήλεπίπεδον διάμετρος, δίχα τέμνυσιν ἀλλήλας.

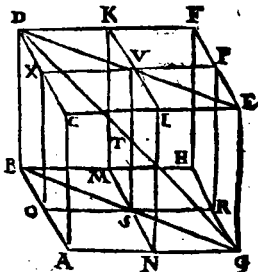
S

2

Theor

Theor. 34. Propo. 39.

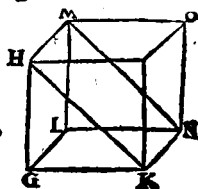
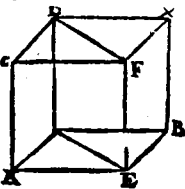
Si in solido parallelis planis circumscripto, aduersorum planorum lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorū sectio & solidi parallelis plani circumscripti diameter, semutuo bifariam secant.



Εάν ἡ δύο πρίσματα ἰσοϋψῆ, καὶ τὸ μὲν χεῖ βάσιν παραλληλόγραμμον, τὸ δὲ τρίγωνον, διπλασίον δὲ ἢ τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου, ἴσα ἔσται τὰ πρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quorum hoc quidem basim habeat parallelogrammum, illud verò triangulum, sit autem parallelogrammū trianguli duplum, illa prismata erunt æqualia.



Elementi vndecimi finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ ΚΑΙ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM SE-
CVNDVM.

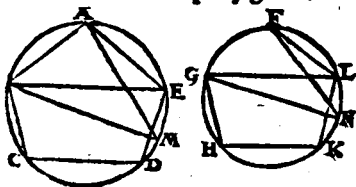
Προτάσεις.

α.

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὁμοία πολύγωνα πρὸς ἀλλήλας
ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα.

Theor. i. Prop. i.

Similia, quæ sunt in circulis polygona, ra-
tionem ha-
bent inter
se, quam
descripta à
diametris
quadrata.

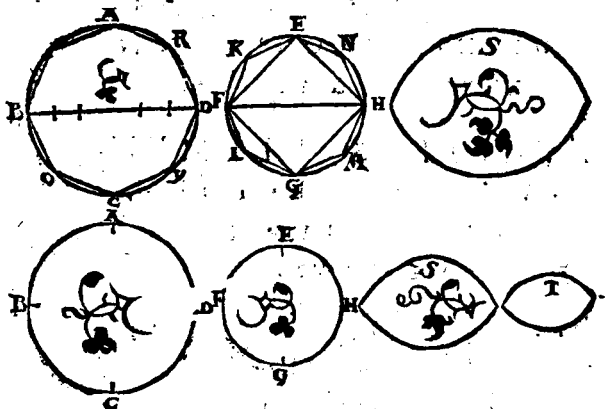


S 3 β ο ι

οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετραγώνων.

Theor. 2. Prop. 2.

Circuli eam inter se rationem habent, quam descripta à diametris quadrata.

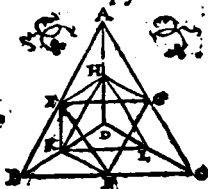


Πᾶσα πυραμὶς τριγώνου ἔχουσα βάσιν, διαμερεται εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε καὶ ὁμοίας ἀλλήλαις, τριγώνων βάσεις ἔχουσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα. καὶ τὰ δύο πρίσματα μείζονά ἐστιν, ἢ τὸ ἕμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor. 3. Prop. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim, in duas diuiditur pyramidas non tantum equales

les & similes inter se, sed toti etiam pyramidi similes, quarum trigonæ sunt bases, atq; in duo prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt portio-
ra.



δ

Εάν ὡσι δύο πυραμίδες ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ὅμοι-
ναι ἔχουσιν βάσεις, διατρεθῇ ἑκάτερα αὐτῶν εἰς τὸ
δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ
εἰς δύο πρίσματα ἴσα καὶ τῶν γενομένων πυραμί-
δων ἑκάτερα τὸ αὐτὸ ὅσον, καὶ τοῦτο αἰεὶ γίνεται, εἰς
ὥς ἡ τὴν μιᾶς πυραμίδος βάση, πρὸς τὴν τὴν ἑτέρας
πυραμίδος βάση, οὕτως καὶ τὰ ἐν τῇ μιᾷ πυραμίδι
πρίσματα πάντα, πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρᾳ πυραμίδι
πρίσματα πάντα ἰσοπληθῆ.

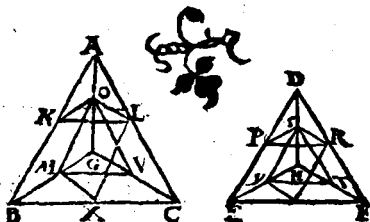
Theorema 4. Proposi. 4.

Si duæ eiùsdem altitudinis pyramides trigo-
nas habeant bases, fit autem illarum vtraq;
diuisa & in duas pyramidas inter se æquales
totique similes, & in duo prismata æqualia,
ac eodem modo diuidatur vtraque pyrami-
dum quæ ex superiore diuisione natæ sunt,
idq; perpetuò fiat: quemadmodum se habet
vnus pyramidis basis ad alterius pyramidis

S 4 basim,

EVCLID. ELEM. GEOM.

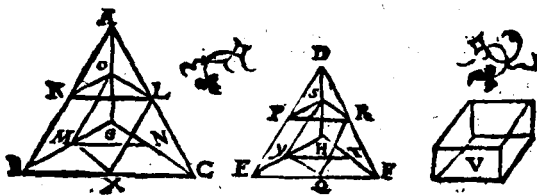
basim, ita & omnia quę in vna pyramide pri-
smata, ad omnia quę in altera pyramide, pri-
smata multitudine æqualia.



Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄνσαι πυραμίδες, καὶ ἰσχυόντες
ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theorema 5. Propo. 5.

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum tri-
gonę sunt bases, eam inter se rationem ha-
bent, quam ipsę bases.

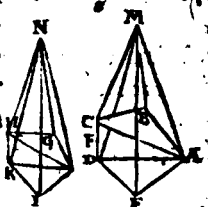


Αἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄνσαι πυραμίδες, καὶ πολυ-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βά-
σεις.

Theor. 6. Prop. 6.

Pyra-

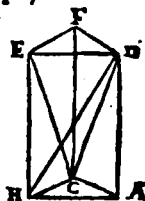
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habet, quam ipsæ bases.



Πάν πρίσμα ῥιγωνοῖτον βάσιν, διαρίζται εἰς ῥε πυραμίδας ἰσας ἀλλήλαις, ῥιγώνους βάσεις ἔχούσας.

Theorema 7. Prop. 7.

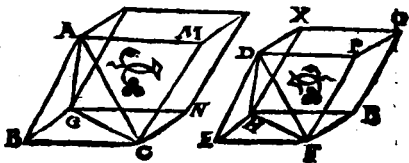
Omne prisma trigonam habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Διὸμοῖαι πυραμίδες, ἃς ῥιγώνους ἔχουσιν βάσεις, αὐτοῖς ῥιπλασίοι λόγῳ εἰσὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 8. Prop. 8.

similes pyramides q̄ trigonas habent bases, in tri-
plicata sunt ho-
molo-
gorū
laterū
ratioe.

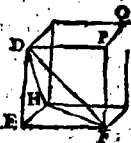
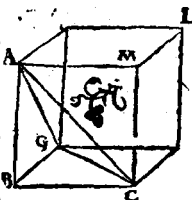


Τῶν ἰσῶν πυραμίδων, καὶ τριγώνης βάσεως ἔχουσῶν ἀντιπεπόνδασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψεσι. καὶ τῶν πυραμίδων ῥιγώνης βάσεως ἔχουσῶν ἀντιπεπόνδασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψεσιν, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theorema 9. Prop. 9.

Aequalium pyramidū & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases haben

tium reci
procatur
bases cū
altitudini
bus, illæ
sunt æqua
les.



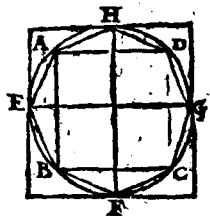
Πᾶς κῶνος, κυλίνδρου ῥίτον μέρος ἐστὶ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Prop. 10.

Omnis cōnus tertia pars est cylindri eādē

cum i-
pso cō
no ba-
sim ha-
bētis,
& alti-
tudinē

æqualem.

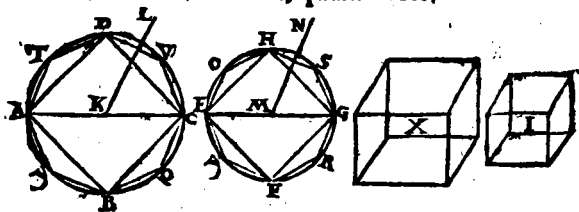


14

Οἱ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propos. 11.

Cōni & cylindri eiusdem altitudinis, eam inter se rationem habent, quam bases,

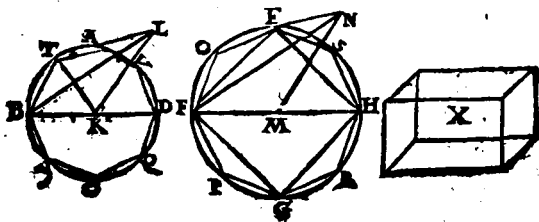


16

οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῶν ἐν ταῖς βάσεσι διαμέτρων.

Theore. 12. Propos. 12.

Similes cōni & cylindri, triplicatam habent inter se rationem diametrorum, quæ sunt in basibus.



17

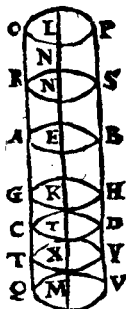
144

EVCLID · ELEM. GEOM.

Εάν κύλινδρος ὅππιδω τμηθῇ παραλλήλῳ ὄντι τοῖς ἀπεικντίον ὀππιδόις, ἕσας ὁ κύλινδρος πρὸς τὸν κύλινδρον, ὁυτως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξωνα.

Theor. 13. Propo-
sitio 13.

Si cylindrus plano secus
sit aduersis planis paralle
lo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.

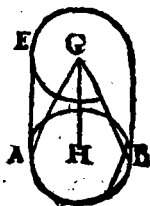
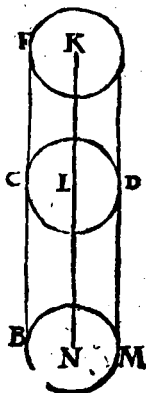


18

Οἱ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theor. 14. Propo. 14.

κῶνι & cy-
lindri qui
in æquali-
bus sunt ba-
sibus, eam
habent in-
ter se ratio-
nem, quam
altitudi-
nes.



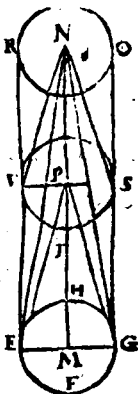
19

18

Τῶν ἴσων κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψους, καὶ τῶν κώνων καὶ κυλίνδρων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις τῆς ὕψους, ἴσοι εἰσὶν ἑκάστοι.

Theor. 15. Prop. 15.

Aequalium conorum & cylindrorum bases cum altitudinibus reciprocantur. Et quorum conorum & cylindrorum bases cum altitudinibus reciprocantur, illi sunt æquales.



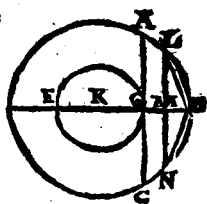
19

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸν μείζονα κύκλον, πολὺγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἀρτιόπλευρόν ἐγγράψαι, μὴ φαῦλον τοῦ ἐλάττονος κύκλου.

Problema 1. Propositio 16.

Duobus circulis circum idem centrum consisten-

sistentibus, in maiore cir-
culo polygonum æqua-
lium pariumq; laterum
inscribere, quod mino-
rem circulum non tan-
gat.

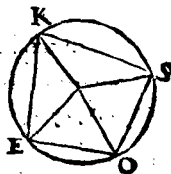
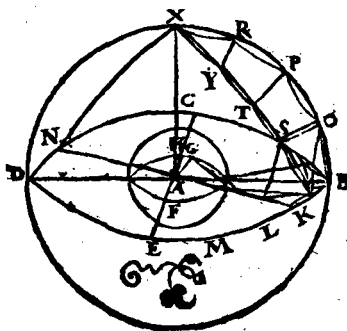


15

Δύο σφαερῶν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄυσῶν, εἰς τὴν μί-
νονα σφαῖραν στερεὸν πολύεδρον ἐγγράψαι, μὴ ψαύ-
ον τῆς ἐλάσσονος σφαίρας κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν.

Probl. 2. Prop. 17.

Duabus sphæris circum idem centrum con-
sistentibus, in maiore sphæra solidum polye-
dron inscribere, quod minoris sphære su-
perficiem non tangat.



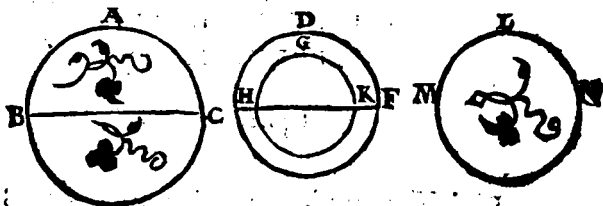
17

Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ὡς τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ
τῶν ἰδίων διαμέτρων.

Theorema 16. Propositio

tio 18.

Sphæræ inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.

ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΙΓ,
ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ
ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVMTER-
TIVM, ET SOLIDORVM
TERTIVM.

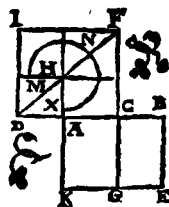
Προτάσεις

α

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ
μείζον τμήμα προσλαβὼν τὴν ἡμίσειαν τῆς ὅλης, πεν-
ταπλάσιον δύναται τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς ὅλης.

Theorema I. Propo. I.

Si recta linea per extremā
& mediam rationem secta
sit, maius segmentū quod
totius lineæ dimidium as-
sumpserit, quintuplum
potest eius quadrati, quod
à totius dimidia describit.



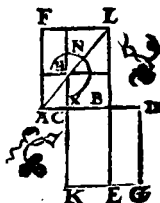
β Εάν

β

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ, τμήματος ἑαυτῆς πενταπλάσιον δύνῃται, τῆς διπλασίας τοῦ εἰρημένου τμήματος ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης, τὸ μείζον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ἐστὶ τῆς ἀρχῆς εὐθείας.

Theore. 2. Propo. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediā rationem secetur, maius segmētum reliqua pars est lineæ primūm posite.

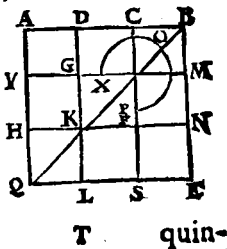


γ

Εὰν εὐθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ ἐλασσον τμήμα προσλαβὼν τὴν ἡμίσηαν τοῦ μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον δύνῃται τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τοῦ μείζονος, τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea per extremā & mediā rationē secta sit, minus segmētū quod maioris segmētī dimidiū assumpserit,



T quin-

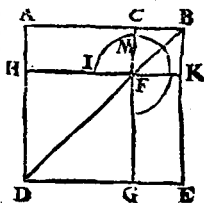
quintuplum potest eius, quod à maioris segmenti dimidio describitur, quadrati.

δ

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ ἀπὸ τῆς ὅλης καὶ τοῦ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συναμφοτέρω τετραγώνω, ἵσχυράσιν ὅτι τοῦ ἀπὸ τοῦ μείζονος τμήματος τετραγώνου.

Theore. 4. Propo. 4.

Si recta linea per extremam & mediam rationē secta sit, quod à tota, quodq; à minore segmento simul vtraq; quadrata, tripla sunt eius, quod à maiore segmento describitur, quadrati.

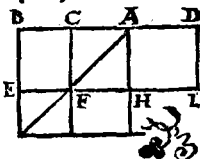


ε

Εάν ευθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, καὶ προστεθῇ ἴση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἡ ευθεία ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον τμήμα ὅστιν, ἡ ἐξαρχὴς ευθεία.

Theore. 5. Propo. 5.

Si ad rectam lineā, quæ per extremam & mediam rationem secetur, adiuncta sit altera segmento maiori æqualis, tota hæc linea re-



Ἐὰν per extremam & mediam rationem secta est, ἐστὶν αὖτε maius segmentum lineae primum posita.

5

Ἐὰν εὐθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκάτερον τῶν τμημάτων ἀλογός ἐστιν, ἢ χαλεμὴν ἀποτομήν.

Theore. 6. Propo. 6.

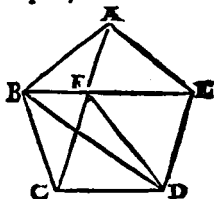
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, utrunque segmentorum A C B
ἀλογός siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.

ζ

Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλευροῦ αἱ ῥεῖς γωνίαι, ἢτοι αἱ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσαι ὦσιν, ἰσόγωνιον ἔσται τὸ πεντάγωνον.

Theore. 7. Propo. 7.

Si pentagoni æquilatritres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulū.



η

Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλευροῦ καὶ ἰσωνίᾳ τὰς κατὰ τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὑποτείνωσιν εὐθεῖαι, ἄκρον καὶ μέσον

T 2

μέσον

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

μέσον λόγον τέμνουσιν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα αὐ-
τῶν τμήματα ἴσα ἐστὶ τῇ τοῦ πενταγώνου πλευρᾷ.

Theore. 8. Propo. 8.

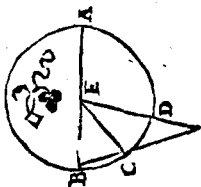
Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos
qui deinceps sequuntur
angulos recte subtendant
lineæ, illæ per extremam
& mediam rationē se mu-
tuò secant, earumque ma-
iora segmenta, ipsius pen-
tagoni lateri sunt equalia.



Ἐὰν ἡ τοῦ ἑξαγώνου πλευρὰ καὶ ἡ τοῦ δεκαγώνου, εἰς
τὸ αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων, συντεθῶσιν, ἡ ὅλη
εὐθεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέμνεται, καὶ τὸ μείζον
αὐτῆς τμήμα ὅστιν ἡ τοῦ ἑξαγώνου πλευρὰ.

Theore. 9. Propo. 9.

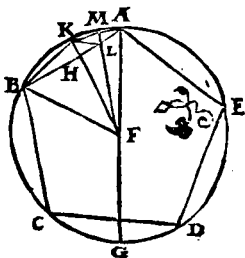
Si latus hexagoni & latus
decagoni eidem circulo
inscriptorum composita
sint, tota recta linea per
extremam & mediam ra-
tionem secta est, eiusque
segmentum maius, est he-
xagoni latus.



Ἐὰν εἰς κύκλον πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ,
ἡ τοῦ

ἢ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ δύναται τήν τε τοῦ ἑξαγώνου καὶ τὴν τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένων.

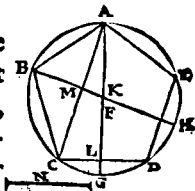
Theor. 10. Prop. 10.
Si circulo pentagonum æquilaterum inscriptum sit, pentagoni latus potest & latus hexagoni & latus decagoni, eidem circulo inscriptorum.



1 α

Εάν εἰς κύκλον ῥητὴν ἔχοντα τὴν διάμετρον, πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ ἀλογὸς ἔσται, ἡ καλεσμένη ἐλάσσων.

Theor. 11. Prop. 11.
Si in circulo ῥητὴν habente diametrum, inscriptum sit pentagonum æquilaterum, pentagoni latus irrationalis est linea, quæ vocatur Minor.



1 β

Εάν εἰς κύκλον ῥητὸν ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἡ τοῦ ῥιγώνου πλευρὰ, διωάμει ῥιπλασίῳ ἐστὶ τὸ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου.

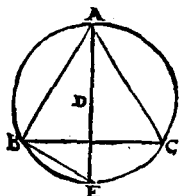
T 3

Theor.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Theore.12. Propo.12.

Si in circulo inscriptum sit triangulum æquilate-
rum, huius triäguli latus
potentia triplū est eius li-
neæ, quæ ex circuli cen-
tro ducitur.

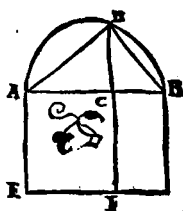
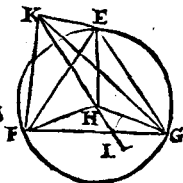
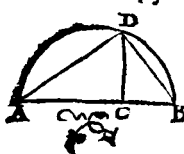


17

Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διαμέτρος,
διωάμει ἡμιολία ἐστὶ τῇ πλευρᾷ τῆς πυραμίδος.

Problem.1. Propo.13.

Pyramidem constituere, & data sphaera com-
plecti, atque docere illius sphæræ diame-
trum potentia sesquialteram esse lateris ip-
sius pyramidis.



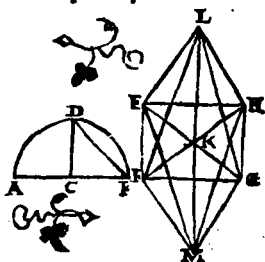
18

Οκτάεδρον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
ἢ καὶ τὴν πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διά-
μετρος
μεξος

μέσος δυνάμει διπλασία ἐστὶ τῇ πλευρᾷ τοῦ ὀκταέδρου.

Proble. 2. Propo. 14.

Octaëdron constitutare, eaq̃; sphæra qua pyramidē completi, atque probare illius sphærae diametrum potentia duplam esse lateris ipsius octaëdri.

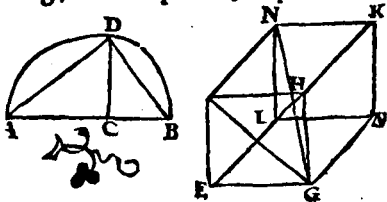


11

Κύβον συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν ἥ καὶ τὰ πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς σφαῖρας διάμετρος δυνάμει τριπλασία ἐστὶ τῇ τοῦ κύβου πλευρᾷ.

Proble. 3. Propo. 15.

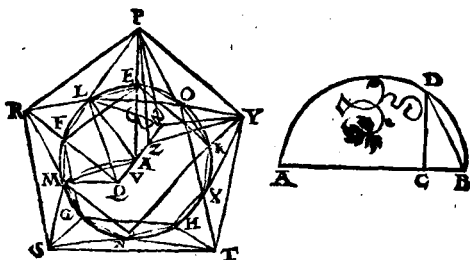
Cubum constitutare, eaque sphæra qua & superiores figuras completi, atque docere illius sphærae diametrum potentia tripulam esse lateris ipsius cubi.



Εἰκοσαέδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν,
ἥ καὶ τὰ προφηρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ τοῦ εἰ-
κοσαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ' ἐστι, ἡ καλυμένη ἐλάτ-
των.

Probl. 4. Propo. 16.

Icosaëdron constitutare, eademque sphaera
qua & antedictas figuras complecti, atque
probare, Icosaëdri latus irrationalem esse li-
neam, quæ vocatur Minor.

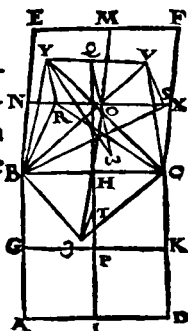


Δωδεκαέδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλα-
βεῖν, ἥ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, καὶ δεῖξαι
ὅτι ἡ τοῦ δωδεκαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ' ἐστι, ἡ καλυ-
μένη ἀποσμή.

Probl. 5. Propo. 17.

Dodecaëdron constitutare, eademque sphae

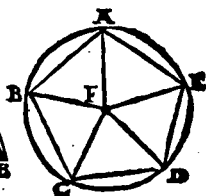
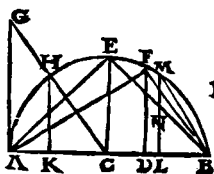
ra qua & antedictas figuras complecti, atque probare δωδεκαῖδρι latus irrationalem esse lineam, quæ vocatur Residuum.



Τὰς πλευρὰς τῶν πέντε σχημάτων ἐκτίσσαι, καὶ συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Proble.6. Propo.18.

Quin que si gura-rū latera p-ponere, & inter se comparare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγω δὴ ὅτι παρὰ τὰ εἰρημένα ἑ σχήματα οὐ συστα-
θήσεται ἕτερον σχῆμα, περιεχόμενον ὑπὸ ἰσο-
πλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὑπὸ

T 5 μὲν

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

μὲν γὰρ δύο ῥιγώνων, ἀλλ' οὐδὲ ἄλλων δύο ἐπι-
πέδων σεριὰ γωνία οὐ συσταθῆσεται.

ὑπὸ ῥιγών ῥιγώνων, ἢ τ' πυραμίδος.

ὑπὸ ῥιγών τεσσάρων, ἢ τοῦ ὀκταέδρου.

ὑπὸ ῥιγών, ἢ τοῦ ἐικοσαέδρου.

ὑπὸ δὲ ἐξ ῥιγώνων ἰσοπλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων
πρὸς ἐνὶ σημείῳ συλλισαμένων, ὁκταέδρου σεριὰ γω-
νία. δυσχερὲς γὰρ τ' τοῦ ἰσοπλευροῦ ῥιγώνος γωνίας δι-
μοῖρος ὀρθῆς, ἔσται αἰ ἐξ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσαι, ὅ-
πως ἀδύνατον. ἅπαντα γὰρ σεριὰ γωνία, ὑπὸ ἑλασ-
σόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. διὰ τὰ αὐτὰ
δὲ οὐδὲ ὑπὸ πλειόνων ἢ ἐξ γωνιῶν ὅτι πεδίων σεριὰ
γωνία συλλισαται.

ὑπὸ δὲ τετραγώνων ῥιγών, ἢ τοῦ κύβου γωνία πε-
ριέχεται.

ὑπὸ ῥιγών τεσσάρων, ἀδύνατον. ἔσται γὰρ πάλιν
τέσσαρες ὀρθαί.

ὑπὸ δὲ πενταγώνων ἰσοπλευρῶν καὶ ἰσογωνίων,
ὑπὸ μὲν ῥιγών, ἢ τοῦ δωδεκαέδρου.

ὑπὸ ῥιγών τεσσάρων, ἀδύνατον. δυσχερὲς γὰρ τ' τοῦ ἰσο-
πλευροῦ πενταγώνου γωνίας ὀρθῆς καὶ πέμπτης, ἔσται
αἰ τέσσαρες γωνία τεσσάρων ὀρθῶν μείζους,
ὅπως ἀδύνατον. οὐδὲ μὲν ὑπὸ παλυγώνων ἐτέρων

σχη-

σχημάτων περισχεθήσεται τριὰ γωνία, διὰ τὸ
 ἄτοπον. Ὅθεν ἄρα παρὰ τὰ εἰρημένα ἑσχήματα ἕτε-
 ρον σχῆμα τριὸν συσχεθήσεται, ὑπὸ ἰσopleύρων καὶ
 ἰσγωνίων περιεχόμενον. ὅπερ εἰδὲ δεῖξαι.

SCHOLIVM.

Aio uerò, præter dictas quinque figuras non posse
 aliam constitui figuram solidam, quæ planis &
 æquilateris & equiangularis contineatur, inter se
 equalibus. Non enim ex duobus triangulis, sed
 neque ex alijs duabus figuris solidus constitui-
 tur angulus.

Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis an-
 gulus.

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque uerò, Icosaëdri.

Nam ex triangulis sex & æquilateris & equi-
 angularis ad idem punctum coeuntibus, non fiet
 angulus solidus. Cum enim trianguli æquilateri
 angulus, recti unius bessem contineat, erunt eius-
 modi sex anguli rectis quatuor æquales. Quod
 fieri non potest. Nam solidus omnis angulus, mi-
 noribus quàm rectis quatuor continetur, per 21.11.

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus quàm planis sex eiusmodi angulis solidus constat.

Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus continetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris & æquiangulis, Dodecaëdri angulus continetur.

Sed ex quatuor, nullus potest. Cùm enim pentagoni æquilateri angulus rectus sit, & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex alijs polygonis figuris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque figuras aliam figuram solidam non posse constitui, quæ ex planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΨΟΝ ΙΔΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς διονταίτινες, ὡς ἄλλοι γ, ΥΨΙ-

ΚΛΕΨΟΥΣ Αλεξανδρέως,

περὶ τῶν ἑσσωμάτων,

πρῶτον.

Βασιλείδης ὁ τύριος, ὃ πρῶταρχε, παραγεν-
 θείς εἰς ἀλεξάνδρην, καὶ συσαΐεις τῷ πατρὶ
 ἡμῶν διὰ τὴν ἀπὸ τοῦ μαθήματος συγγένειαν, συν-
 διέβηεν αὐτῷ τὸν πλεῖστον τῆς ἐπιδημίας χρόνον.
 καί ποτε διελοῦντες τὸ ὑπὸ ἀπολλωνίου γραφὴν
 περὶ τῆς συγκρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ εἰ-
 κοσαέδρου, τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγεγραφομέ-
 νων, τίνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἀλλήλα, ἔδοξαν
 ταῦτα μὴ ἔρῳς γεγραφέναι τὸν ἀπολλώνιον. αὐ-
 τοὶ δὲ ταῦτα διάχαδάραντες. ἔγραψαν, ὡς ἦν ἀ-
 κοῦειν τοῦ πατρὸς. ἐγὼ δὲ ὕστερον περιέπεσον
 ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ ἀπολλωνίου ἐκδεδομένῳ, καὶ
 περιέ-

ΕΥΚΛΙΔ. ΕΛΕΜΕΝ. ΓΕΟΜ.

περιέχοντι ἀποδείξιν ὑγιῶς περὶ τοῦ ὑποκειμένου,
 καὶ μεγάλως ἐψυχαγωγήθην ἐπὶ τῇ προβλήματι
 ζητήσῃ. τὸ μὲν ὑπὸ ἀπολλωνίου ἐκδοθὲν τοικε κοινῇ
 σκοπεῖν. καὶ γὰρ περιφέρεται. τὸ δὲ ὑφ' ἡμῶν δο-
 κοῦν ὕστερον γεγραφένα φιλοπόνως, ὅσα δοκεῖν, ὑ-
 πομνηματίζων ἐκρίνα προσφωνήσά σοι, διὰ
 τὴν ἐν ἅπασιν μαθήμασι, μάλιστα δὲ ἐν γεωμετρίας
 προκοπὴν, ἐμπείρως κρίνοντά τὰ ῥηθησόμιστα, διὰ τὴν
 τὴν πρὸς τὸν πατέρα συνήθειαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς
 εὐνοίαν, ἐυμνῶς ἀκρομένω τῇ πραγματείᾳ. καί-
 ρος δὲ ἀνείη προοιμίζ μὲν πεπαισθῆναι, τὴν δὲ συν-
 τάξιν ἀρχισθῆναι.



EVCLIDIS
ELEMENTVM DECI-
MVM QVARTVM, VT QVIDAM
arbitrantur, vt alij verò, Hy-
psiclis Alexandrini, de
quinque corpo-
ribus.

LIBER PRIMVS.



*P*asylides Tyrius, Protarche, Ale-
xandriam profectus, patriq; no-
stro ob disciplinæ societatem com-
mendatus, longissimo peregrina-
tionis tempore cum eo uersatus
est. Cumq; differerent aliquando
de scripta ab Apollonio comparatione Dodecaëdri
& Icosaëdri eidem sphaeræ inscriptorum, quam hæc
inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè
tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, ut de pa-
tre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea
incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-
monstra-

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

monstrationem accuratè complecteretur de re proposita, ex eiusq; problematis indagatione magnam equidem cepi uoluptatem. Illud certè ab omnibus perspicui potest, quod scripsit Apollonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem diligenti, quantum conijcere licet, studio nos postea scripsisse uidemur, id monimentis consignatum tibi nuncupandum duximus, ut qui feliciter cum in omnibus disciplinis tum uel maximè in Geometria uersatus, scitè ac prudenter iudices ea quæ dicturi sumus: ob eam uerò, quæ tibi cum patre fuit, uitæ consuetudinem, quæque nos complecteris, beneuolentiam, tractationem ipsam libenter audias. Sed iam tempus est, ut procemio modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσις.

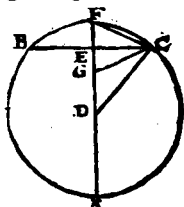
α

Ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου κύκλου τινὸς, ἐπὶ τὴν τοῦ περιγεγράφτου πλευρὰν, τοῦ εἰς τὸ αὐτὸν κύκλον ἐγγραφομένη κάθετος ἀγομένη, ἡμίση ἀ' ὅτι σωμαφοτέρου, τ' τε ἐκ τοῦ κέντρου καὶ τ' τοῦ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν κύκλον ἐγγραφομένων.

Theore. 1. Propo. 1.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cuiuspiam

spiam centro in latus pentagoni ipsi circulo
 inscripti ducitur, dimidia
 est vtriusque simul lineæ,
 & eius quæ ex centro, &
 lateris decagoni in eodem
 circulo inscripti.

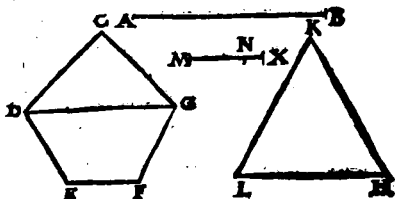
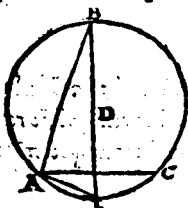


β

Ο αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ τε τοῦ δωδεκα-
 δρῦ πεντάγωνον, καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαίδρῦ τρίγωνον τῶν
 εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων.

Theor. 2. Proposit. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri
 pentagonū & icosaëdri triangulum, eidem
 sphæræ inscriptorum.



γ

Εάν ᾗ πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον, καὶ πε-
 ρὶ τοῦτ κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ κέντρου καθέτος ἐπὶ μί-
 αιν πλευρὰν ὀρθῇ, τὸ τριακοντάκις ὑπὸ μιᾶς τῶν
 πλευρῶν καὶ καθέτος, ἴσον εἶναι τῇ τοῦ δωδεκαίδρῦ ἐπι-
 σφαίᾳ.

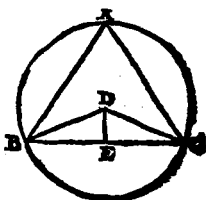
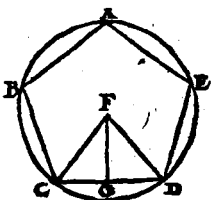
V Theo.

Theorema 3. Prop. 3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangulo circumscriptus sit circulus, ex cuius centro in vnum pentagoni latus ducta sit perpendicularis: quod vno laterum & perpendiculari

trige
fies
cōtis
net, il
illud
equa

le est δωδεκαῒδρι superficiesi.



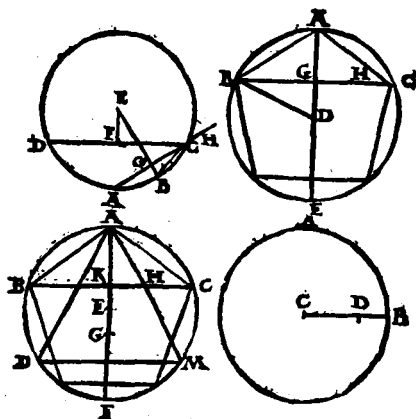
δ

Τούτου δήλου ὄντος, δεκτικόν ἐστι ἵσα ὡς ἡ τοῦ δωδεκαῒδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαῒδρου, οὕτως ἡ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαῒδρου πλευρὰν.

Theor. 4. Prop. 4.

Hoc perspicuum cū sit, probandum est, quemadmodum se habet δωδεκαῒδρι superficiesi

ficies ad icosaëdri superficiem, ita se habere
cubilatus ad icosaëdri latus.



Cubilatus.

E —————

Dodecaëdri.

F —————

Icōsaëdri.

G —————

V 1 ΣXQ

Δεικτέον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς
 τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ σφαιρὸν τοῦ δωδεκαέδρου
 πρὸς τὸ σφαιρὸν τοῦ εἰκοσαέδρου. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 περιλαμβάνουσιν τό, τε τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον
 καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, τῶν εἰς τὴν αὐ-
 τὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων, ἐν δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ
 ἴσοι κύκλοι ἴσον ἀπέχουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. αἱ γὰρ
 ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαῖρας ἐπὶ τὰ τῶν κύκλων ἐπί-
 πεδα κἀκεῖτοι ἀγόμεθα, ἴσά τε εἰσὶν καὶ ἐπὶ τὰ κέν-
 τρα τῶν κύκλων πίπτουσιν, ὥς τε αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου
 τῆς σφαῖρας ἐπὶ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τοῦ περιλαμ-
 βάνοντος τό τε τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον καὶ τοῦ δωδε-
 καέδρου πεντάγωνον, ἴσαι εἰσὶ, τὰ τε αἱ κάθετοι. ἴσου
 ψεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ
 τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνα, καὶ αἱ βάσεις ἔχουσαι
 τὰ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνα. αἱ δὲ ἴσου ψεῖς πυρα-
 μίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις. ὡς ἄρα τὸ
 πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον, οὕτως ἡ πύραμις
 ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον,
 κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαῖρας, πρὸς τὴν πυραμί-
 δα ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον, κο-
 ρυφὴ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαῖρας. καὶ ὡς ἄρα δώδεκα πε-
 ντάγωνα

τάγωνα πρὸς ἑικοσι τρίγωνα, οὕτω δώδεκα πυραμίδες πενταγώνων βάσεις ἔχουσαι πρὸς ἑικοσι πυραμίδας τρίγωνες βάσεις ἔχούσας. καὶ δώδεκα πεντάγωνα ἢ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνειά ἐστιν, ἑικοσι δὲ τρίγωνα ἢ τοῦ εἰκοσαέδρου ἐπιφάνειά ἐστιν. ἔτι ἄρα ὥς ἢ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου ἐπιφάνειαν, οὕτω δώδεκα πυραμίδες πενταγώνων βάσεις ἔχουσαι πρὸς ἑικοσι πυραμίδας τρίγωνους βάσεις ἔχούσας, καὶ εἰσι δώδεκα μὲν πυραμίδες πενταγώνους βάσεις ἔχουσαι, τὸ σκεῖν τοῦ δωδεκαέδρου, ἑικοσι δὲ πυραμίδες τρίγωνους βάσεις ἔχουσαι, τὸ σκεῖν τοῦ εἰκοσαέδρου. καὶ ὥς ἄρα ἢ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτω τὸ σκεῖν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σκεῖν τοῦ εἰκοσαέδρου. ὥς ἢ ἡ ἐπιφάνεια τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ εἰκοσαέδρου, οὕτως εἰδείχθη ἢ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰν. καὶ ὥς ἄρα ἢ τοῦ κύβου πλευρὰ πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰν, οὕτω τὸ σκεῖν τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σκεῖν τοῦ εἰκοσαέδρου.

SCHOLIVM.

Nunc autem probandū est, quemadmodū se habet cubi latus ad icosaedri

V

3

latus,

latus, ita se habere solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cùm enim æquales circuli comprehendant & dodecaëdri pentagonũ & Icosaëdri triagulum, eidem sphæræ inscriptorum: in sphæris autem æquales circuli æquali intervallo distet à centro (siquidẽ perpendiculares à sphæræ centro ad circuloꝝ plana ductæ & æquales sunt, & ad circuloꝝ centra cadunt) idcirco lineæ, hoc est perpendiculares quæ à sphæræ centro ducuntur ad centrum circuli cõprehendentis & triangulum Icosaëdri & pentagonũ dodecaëdri, sunt æquales. Sunt igitur æqualis altitudinis Pyramides, quæ bases habet ipsa dodecaëdri pentagona, & quæ Icosaëdri triangula. At æqualis altitudinis pyramides rationem inter se habent eam quam bases, ex 5. & 6. 11. Quemadmodũ igitur pentagonũ ad triangulum, ita pyramis, cuius basis quidem est dodecaëdri pentagonum, vertex autem, sphæræ centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autem, sphæræ centrum.

trum. Quamobrem ut se habet duodecim pentagona ad viginti triangula, ita duodecim pyramides quorum pentagonæ sint bases, ad viginti pyramidas, quæ trigonas habeant bases. At pentagona duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quæ pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigonæ sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quæ pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti autem pyramides, quæ trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex 11.5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quæadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.



EYKΛEI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕ ΚΑΙ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς θιονταί λυνες, ὡς ἄλλοι δὲ ΥΨΙΚΛΕ

ΟΥΣ Αλεξανδρείας. περί τῶν

ε. σωματίων, δεύτε-

ρον.

EYCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVMQVINTVM,

ET SOLIDORVM QVINTVM,

vt nōnulli putant: vt autem alij,

Hypsiclis Alexandrini, de

quinque corpo-

ribus,

LIBER II.

Προτάσεις.

α

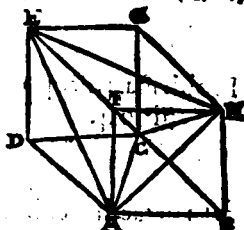
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τετραμίδα ἐγγράψαι.

PRO-

Problema 1. Propositio 1.

In dato cubo pyramida inscribere.

β

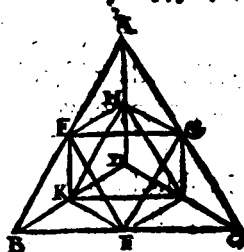


Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Problema 2. Propositio 2.

In data pyramide octaedrum inscribere.

γ

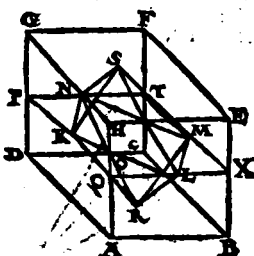


Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 3. Propositio 3.

In dato cubo octaedrum inscribere.

δ



Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

V

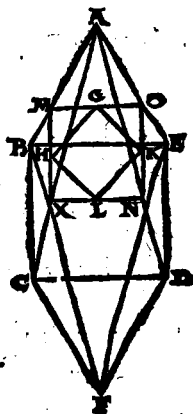
5

Pro-

EVCLID. V ELEM. GEOM.

Problema 4. Propo-
sitio 4.

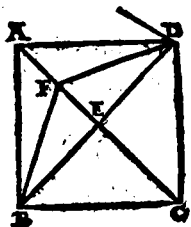
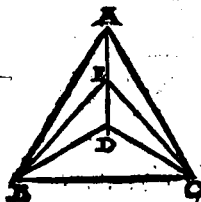
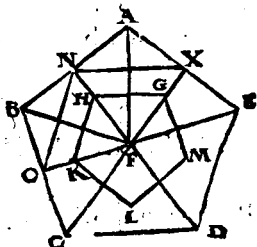
In dato octaëdro cubum
inscribere.

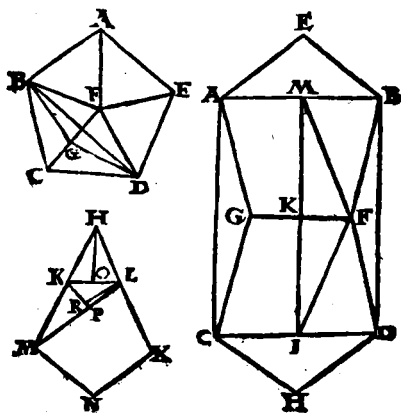


Εἰς τὸ δοθὲν οἰκιστῆρον δω-
δεκάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icosaëdro
dodecaëdron in-
scribere,





ΣΥΛ

ΣΧΟΛΙΟΝ.

Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι ἐάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πόσας πλευ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοσάεδρον, φήσομεν οὕτως. φανερόν ὅτι
 ὑπὸ εἴκοσι ῥιγῶνον περιέχεται τὸ εἰκοσάεδρον, καὶ
 ὁκτάεδρον ῥιγῶνον ὑπὸ ῥιγῶν ἐκδοθέν περιέχεται. δὲ
 οὐκ ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἴκοσι ῥιγῶνα ἐπὶ
 τὰς πλευρὰς τοῦ ῥιγῶν, γίνεται ᾧ ἐξήκοντα, ὧν ἡ-
 μισυ γίνεται ῥιγῶντα. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ δωδεκά-
 εδρου. πάλιν ἐπεὶ δὴ δώδεκα πεντάγωνα περιέχουσι
 τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἑκάσον πεντάγωνον ἔχει
 πέντε ἐκδοίαις, ποιοῦμεν δωδεκάκις πέντε, γίνεται
 ἐξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμισυ γίνεται ῥιγῶντα. Διὰ τί
 δε τὸ ἡμισυ ποιοῦμεν, ἐπεὶ δὴ ἐκάστη πλευρὰ, καὶ πέντε
 ἢ ῥιγῶν, ἢ πενταγών, ἢ τετραγών, ὡς ἐπὶ κύβου, ἐκ
 δευτέρου λαμβάνεται. ὁμοίως ᾧ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ἐπὶ
 κύβῳ, καὶ ἐπὶ τῇ πυραμίδος, καὶ τοῦ ὀκταέδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας εὐρήσῃ τις πλευρὰς. εἰ ᾧ βεληθείης πάλιν
 ἐκάστῳ τῶν πέντε σχημάτων εὐρεῖν τὰς γωνίας, πάλιν
 τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε παρὰ τὰ ἐπίπεδα τὰ
 περιέχοντα μίαν γωνίαν τοῦ σφαιροῦ, οἷον ἐπεὶ δὴ τῇ
 τοῦ εἰκοσάεδρου γωνίαν περιέχουσι εἰ ῥιγῶνα, μέ-
 ριξε παρὰ τὰς, γίνονται δώδεκα γωνία τοῦ εἰκοσαέ-
 δρου.

δρου, ἐπὶ δὲ τῷ δωδεκαέδρῳ, τρία πεντάγωνα περιέχουσι τὴν γωνίαν, μέρισον πρῶτα τὰ ζῆα, καὶ ἔξεις κ. γωνίας δυσας τῷ δωδεκαέδρῳ, ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν εὐρήσεις τὰς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδου στοιχείων.

SCHOLIVM.

Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosaëdram habeat latera, ita respondendum esse. Patet Icosaëdram viginti contineri triangulis, quodlibet verò triangulum rectis tribus constare lineis. Quare multiplicanda sunt nobis viginti triangula in trianguli vnius latera, fiuntque sexaginta, quorum dimidium est triginta. Ad eundem modum & in dodecaëdro. Cum enim rursus duodecim pentagona dodecaëdrū cōprehēdant, itemque pentagonum quoduis rectis quinque constet lineis, quinque

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

que duodecies multiplicamus, fiūt sexa-
ginta, quorum rursus dimidium est tri-
ginta. Sed cur dimidiū capimus? Quo-
niam vnūquodq; latus siue sit trianguli
siue pētagoni, siue quadrati, vt in cubo,
iteratō sumitur. Similiter autē eadē via
& in cubo & in pyramide & in octaë-
dro latēra inuenies. Quòd si item velis
singularum quoque figurarū angulos
reperire, facta eadem multiplicatione
numerus procreatū partire in nume-
rum planorum quæ vnum solidum an-
gulum includunt: vt quoniam triangu-
la quinque vnum Icosaëdri angulum
continent, partire 60. in quinque, na-
scuntur duodecim anguli Icosaëdri. In
dodecaëdro autem tria pentagona an-
gulum comprehendunt. partire ergo
60. in tria, & habebis dodecaëdri an-
gulos viginti. Atque simili ratione in
reliquis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.