

# Notes du mont Royal



[www.notesdumontroyal.com](http://www.notesdumontroyal.com)

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES  
Google Livres

# EVCLIDIS

ELEMENTO RVM

Liber primus.

Item,

HERONIS ALEXANDRINI

vocabula quædam geometrica: sive bac nunc  
quam edita, græcè & latine,

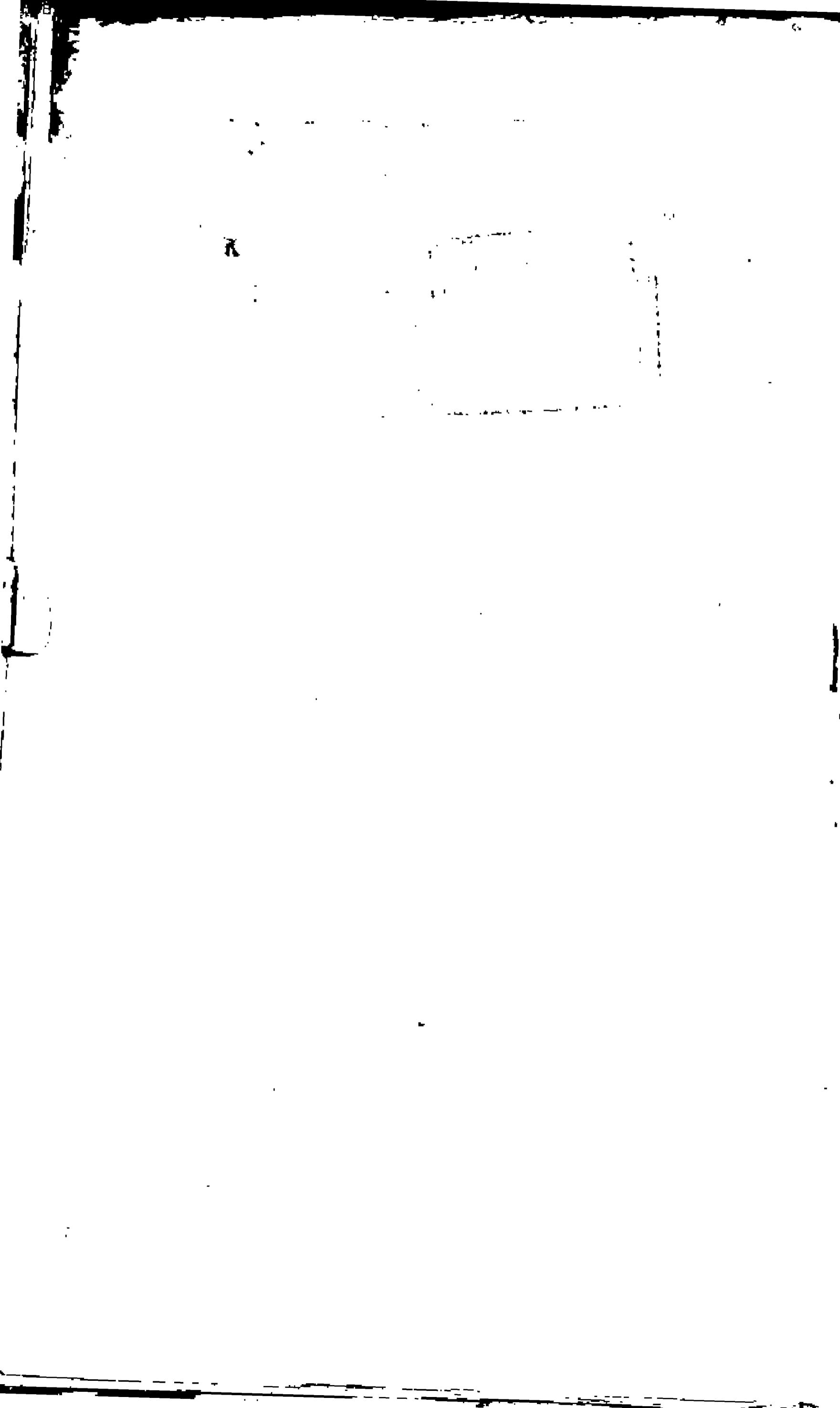
Per M. Cunradum Dasypodium.



Cum gratia & priuilegio Cæsareo, atque  
Regis Gallie, ad sexennium.

ARGENTINAE,

1571.



Ad Reuerendiss: & Ill.  
Iustriss: Principem, Domitium,  
D. Danielem Archiepiscopum Mo-  
guntinensem, Sacri Romani Imperij, per  
Germaniam Archicancellarium, acq.  
Electorem, &c. Cunradi Dasy-  
podij Prefatio:



EOMETRIAM IN  
summo apud Gr̄ecos  
fuisse honore, Reue-  
rendiss: Pr̄eful: non  
tantum historiæ te-  
stantur: sed & ipsorum confirmingant mul-  
tiplicia atq; varia volumina: que par-  
tim extant, partim in privatis & pu-  
blicis reseruantur bibliothecis. Itaq; fe-  
rè nullus tum temporis erat Philofo-  
phus, qui se non in hoc eruditio geome-  
trarum puluere exercuisset: neque ad  
philosophia admittebantur penetralia:  
)( ij

## P RÆFATI O.

nisi periti geometriæ essent. atque nihil  
fuit Mathematicis illi strius: nihil ex-  
cellentius: nihil q[uod] id ad Regum &  
Principum splendorem & dignitatem  
accederet proprius. Verum (quod sanè  
dolendum) hoc nostro sæculo excellen-  
tissima hæc studia: prostrata & abiecta  
iacent: neq[ue] illa fere spes est relicta: fore  
ut hæc integratæ suæ: & honori pristi-  
no restituatur: nisi Reges atq[ue] Princi-  
pes sua liberalitate & beneficentia, ex-  
citent homines literatos: literati verò,  
& qui in scholis versantur, ipsi quoque  
met sint γέωμετραι, non autem ἀγωγε-  
ται: deniq[ue] certo modo ratione q[ui] bona,  
studiosis geometrica & his similia pro-  
ponant. quod quidem in omnibus Aca-  
demijs fieri deberet: & in aliquibus in-  
signioribus fit: in cæteris eadem fieri  
opto. in me quod est: pro virili in id in-  
cumbo:

P R A E F A T I O .

cumbo: ut in nostris scholis Pythagoricos pueros, hoc est, in mathematicorum sine constitutos habeamus.

Ideoq; de sententia Ioann; Sturmij, Rectoris, non tantum tria Volumina mathematica conscribo: sed & hunc primum Elementorum Euclidis librum in lucem nunc edo: cum propter ea quæ ante sunt dicta: tum etiam quod hic possimum liber: in omnibus fere Gymnasijs prælegatur: in nostris verò scholis: ys qui in prima sunt curia, proponatur. Sic enim comparatus & factus est, hic primus Euclidis liber: ut doctrinam contineat principiorum geometriæ, & figurarum planarum simplicissimaru: trianguli inquam & parallelogrammi: quibus perceptis, animus adolescentum iam præparatus videtur, ad assequenda maiora: cum in his disciplinis, tum &

## P R E F A T I O.

alijs artibus atque scientijs.

Atque ne mea deessem opera omnibus ijs, quibus hæc studia curæ sunt: & tenebris antiquos meliorisque notæ, (quorum non paucos habeo) authores græcos in lucem eruerem: Heronis Alexandrini quedam, eiusdem argumen ti: ex eius onomastico geometrico, huic libro adiunxi: ut quæ Græcorum fuerint Gymnasia: & qualia puerorum exercitia ex ijs appareret. deinde ut copia rerum geometricarum proposita: nostri adolescentes in campum illum amplissimum mathematicarum scientiarū exirent: imò in puluerem descenderent geometricum: in quo cùm viderint tot tamq; varias figuræ, earumque definitiōnes, diuisiones, differentias, acciden- tia, proprietatesq; alias: quanti momentis sit hæc cognouisse, quanti q; adiumenti in

P R E F A T I O .

ti in alijs comparandis & percipiendis  
scientijs: sciant atque intelligant.

Ita enim natura comparatum est: ut  
plurimum copia, varietateq; rerum affi-  
ciamur: animusq; noster se in eorum pa-  
scat contemplatione, que et si vulgaria  
atq; quotidiana videantur: tamen si in  
ordinem redigantur: si præcepta de ijs  
fiant bonaratione, modoq; bono, & con-  
cilio: dum ea legimus, dum singula ac-  
curatius perpendimus: mirifice recreas-  
mus vires ingenij nostri: imo cupiditate  
& amore cognoscendi, incensi: ad inue-  
stigationem & perscrutationem recon-  
ditarunt abstrusissimarumq; rerum rae-  
pimur.

Statuamus enim puerum quendam  
è scholis Grammaticorum egressum: lin-  
guarum, & orationis pure cognitio-  
ne instructum: Dialecticorum etiam

## P R E F A T I O .

atq; Rhetorium præceptis quodammodo  
imbustum: accedere ad Geometricorum  
elementorum auscultationem: is si au-  
diat primum & simplicissimum prin-  
cipium Geometriæ esse punctum: ren-  
tenuissimam, minimam, talemq;, que  
in partes diuidi nequeat: ex quo tamen  
puncto omnes lineæ: universæ superfi-  
cies: atq; infinita corpora oriuntur: que-  
rit statim cognito puncto, quid sit linea;  
quid superficies; quid corpus. neq; con-  
tentus est se lineam cogouisse: sed cùm  
plures linearum esse species videt: sin-  
gulas cupit addiscere: à lineis postea ad  
superficies, & que in superficiebus de-  
scribuntur, figuræ progreditur. in qua  
doctrina maximam rerum geometri-  
carum inueniet varietatem: dum intel-  
ligit quasdam superficies planas esse;  
quasdam minime planas: in planis su-  
perfi-

P R A E F A T I O .

perficiebus delineari omnis generis figurae, easq; numero quodammodo infinitas: affectiones etiam earundem varia atq; multiplices cognoscit. deniq; in corporum solidorum contemplationem incidit: diffusam per universam rerum naturam.

Quæc quanta igitur puer ille ex unici puncti, linea etiam, atq; superficie, & corporis perceptione cognoscit: quantam rerum copiam & varietatem sibi principiorum cognitione comparat: quæ tandem his instructus rebus, recondita in his scientijs, non perscrutabitur. Magnum certè, magnum lumen præbet Geometriæ cognitio, rebus & cognoscendis, & dijudicandis: atq; tam clara & perspicua omnia reddit: ut Sole splendidiora & apertiora fiant. quæ si focus esset dicendi & orandi, pluribus

## P R E F A T I O.

perfequerer. Hoc tantum ostendere volui, nostram mētem studio atq; cupiditate sciendi incensam: si minimum quoddam cognitionis principium naēta sit: non cessare, neq; quiescere: sed perpetuō inuentis, alia atq; alia subinde addere. itaq; in scholis, in id potissimum incumbendum est: ut pueri hæc & similia Mathematicorum præcepta discant, tenent, & ad investigationem rerum seu cum adferant: siue in explicatione rerum diuinarum versari: siue officia Rei pub. tractare: siue res naturales explicare, et ad Vitæ usum accommodare velint.

Hæc itaq; Reuerēdiß. Præful, mei institutifuis ratio: ut & hunc librum primum Euclidis, & Heronis quedam geometrica primo atq; secundo meo volumini mathematico adiunxerim. quia ad veram & solidam eruditionem a sequen-

P.RÆFATI O.

sequēdam, bæc studia in primis sunt ne-  
cessaria: quod illorum testimonio diffim  
dicere: qui cùm sint ignari mathemati-  
carum rerum: si quando incidunt in pro  
batissimi alicuius auctoris scripta: quid  
ipsiis desit, sero tandem sentiūt atq; ani-  
maduertunt.

Adbortor itaq; subinde omnes ado-  
lescenteis, quibus ad solidam peruenire  
eruditionem animus est: vt in his se e-  
xerceat studijs: ijs annis quib. hæc con-  
ueniunt studia: quibus etiā absq; tædio,  
ullaq; molestia addiscere singula possūt.  
Et quòd tot tantiq; viri olin in Græcia  
fuerint, in omni studiorum genere pre-  
stantissimi: hoc ipsum multū adiumenti  
illis dedit, quòd παῦδας μεθυσκόνες ha-  
bebant: & in his disciplinis eos erudie-  
bant: priusquam ad studia eos duceret  
altiora. Vnde etiam videmus antiquos  
auto-

## P R E F A T I O .

autores, plerunq; Mathematicorum vti  
exemplis: tanquam vulgatiss. tanquam  
ijs, quæ à pueris iam essent cognita &  
percepta: quæ si nos legimus: plus inter-  
dum in intelligendo exemplo mathe-  
matico laboramus: quo res proposita il-  
lustratur: quām in rei ipsius cognitione  
assequenda. quod quidem neutriquam  
nobis contingere: si nostri wādles, es-  
sent wādles: neq; tot obstacula, tot  
difficultates in autorum antiquorum le-  
ctione nobis occurrerent, si animi no-  
stri his imbuti essent disciplinis. Nu-  
per itaq; in nostris scholis bene institue-  
re studia mathematica incepimus: que  
res cùm tam recenter sit inchoata: fru-  
etum & utilitatem eius, nondum per-  
spicere possumus. sed aliquot annis per-  
actis: sentient omnes homines, quan-  
tum bona iuuet institutio: quidne sit ra-  
tione

P R A E F A T I O.

tione bona modoq; faciliter pueros erudijs.

Tibi verò Reverendiss. P[re]f[er]at,   
hanc meam exiguam opellam commen-  
dere volui: quòd Amplitudinem tuam  
intelligam, non h[ab]itantum studijs, sed  
omnibus literis, literatisq; hominibus,  
amplissimum præbere patrocinium, ne-  
que ob hoc tantùm: verum etiam quòd  
natura tua talis sit, v[er]o prudentiam fin-  
gularem: grauitatem insignem: & in re-  
bus arduis cùm fuscipiendis dexterita-  
tem: tum perficiendis constantiam tu-  
am omnes mirentur: in controversijs e-  
tiam difficilioribus dirimendis acu-  
men, & æquitatem laudent. Itaq; cùm  
animus A. T. ingenio & virtutibus  
excellat: res externas despiciat: in ma-  
gnis atq; utilibus, vehementerq; arduis  
gerendis, se exerceat: patronum etiam  
borum meorum studiorum A. T. esse  
opta-

## P R E F A T I O

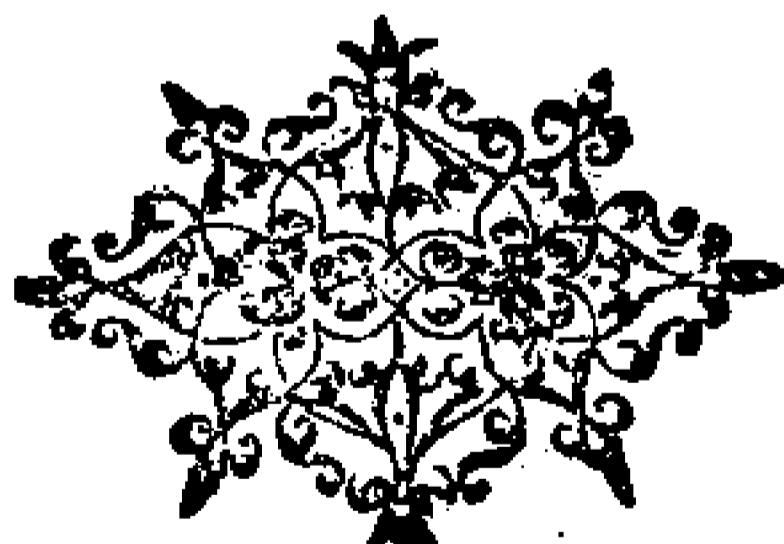
optabam: cuius eam esse voluntatem in defendendis & tuendis studijs promptam & paratam video: que Principū virorū semper fuit: eam etiam dignitatem, & amplitudinem: quæ olim in Regibus apparebat. qui cum omni studio, omnibus viribus, maximis sumptibus, incredibili liberalitate, mathematica inuarerent, atq; promouerent studia: tanta, quanta ea legimus fuisse, effecerunt: & ad summum usque fastigium euexerunt. Quod si hoc nostro seculo plures A. T. similes existerent Principes: non dubito, quin & nos tandem ad fastigium harum scientiarum perueniremus. Etsi vero hic libellus sit exiguis, & A. T. minimè videatur dignus: cùm in eo res prima fronte appareant spinosæ & steriles: magni tamen sunt momenti, & Principibus viris dignissime:

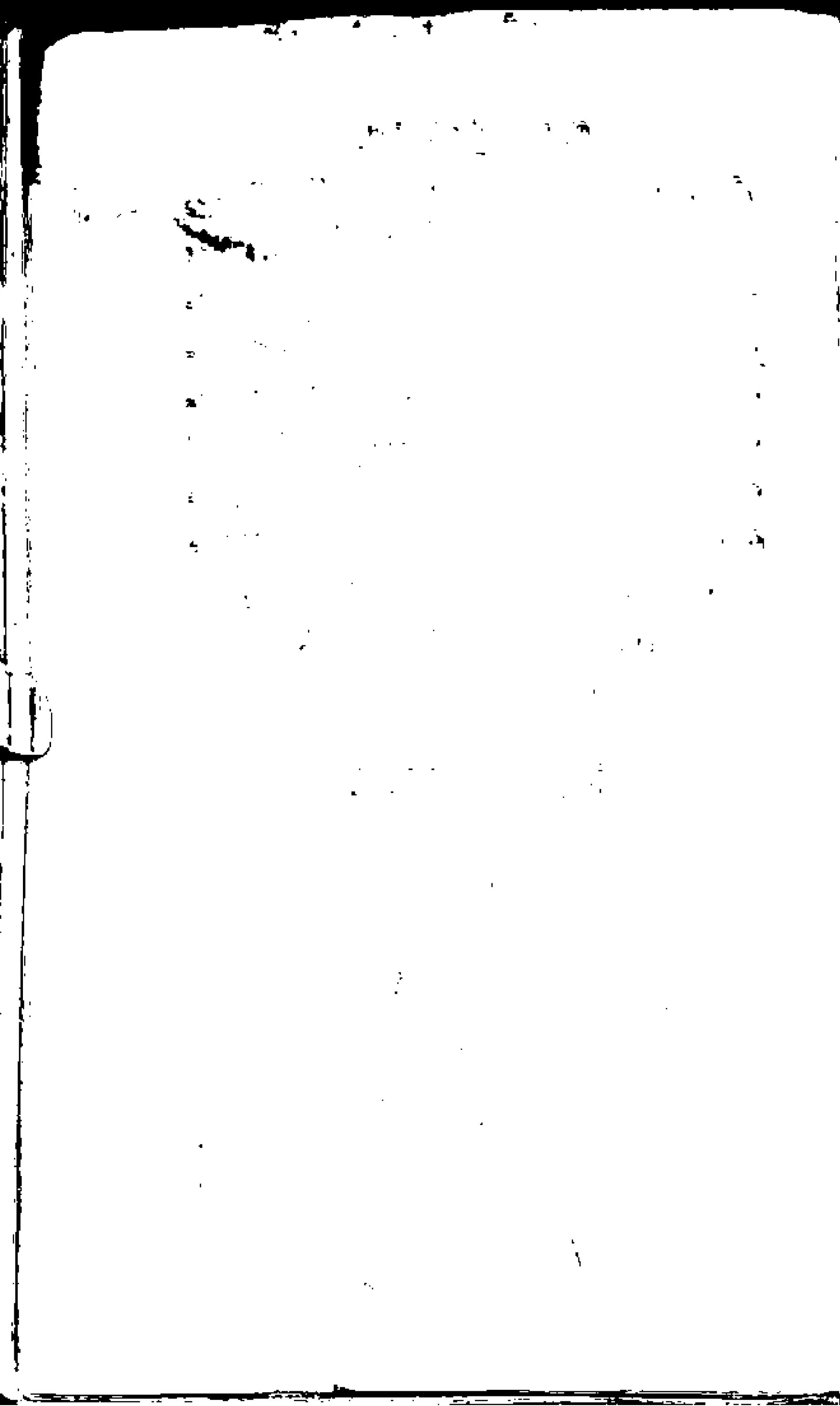
P R E F A T I O.

simæ: principia inquam excellētissimorum scientiarum Mathematicarū quæ res sanè Reges olim tractarūt: qitā singulariter coluerunt: in quibus qui ad sacra & mysteria tractanda admitti volebant, plurimum se exercuerunt. Sint ergo Reuerendiss. Præful, hæc mea studia T. A. commendata: quæ si clementiam A. T. senserint: maiora his, iuuante Deo, proferam.

Calendis Maij.

Anno  
M. D. LXX.





# ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ, Ε

τῶν Γεωμετρίας συγγριῶν.

ΟΡΟΙ.

ΣΗΜΕΙΩΝ ἐστὶν, τοῦ μέρος καθέν.

Γραμμὴ δὲ, μῆκος ἀπλάτες.

Γραμμῆς δὲ πέραλα ομοῖα.

Εὐθεῖα γραμμή ἐντόπις ἐξίσου

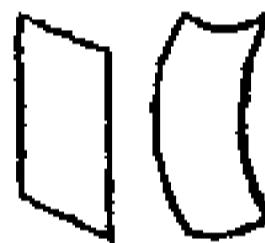
τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς ομοίοις κεί-  
ται.

Ἐπιφάνεια δέ ἐντόπιος μῆκος καὶ  
ωλάτος μόνον ἔχει.

Ἐπιφανείας δὲ πέραλα, γρα-  
μμαί.

Ἐπιπεδὸς ἐπιφάνειας ἐντόπις  
ἐξίσου ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς φθο-  
αις κείται.

Ἐπιπέδῳ δὲ γωνία ἐστὶν: οὐ δὲ  
ἐπιπέδῳ δύο γραμμῶν ἀπορθύμων ἀλλή-  
λων: Εἰ μὴ ἐπιφανείας κείθει: πέρος ἀλ-  
λήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



Α

## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

Οταν δὲ τελέχουσι τὴν γωνίαν γεμιμά, οὐθένα μόνον:  
διθύγεμιμος καλεῖται η γωνία.

Οταν δὲ οὐθένα εἰστι οὐθένας συθέσσονται τὰς ἐφεξῆς γωνίας οὐσιας αλλήλαις ποιηται: ὅρθη εἰσιν ἐκατέρευτη τῶν ἑπτὼν γωνιῶν. Καὶ η ἐφεξηκῦντα οὐθένα κάθετος καλεῖται, εἴφ' αὐτῷ εφεξηκυντεν. Αμφοτεν γωνία εἰσιν, η μείζων ὁρθῆς.

Οξεῖα δὲ η ἐλάσσων ὁρθῆς.

Ορθος εἶναι, οὐ πιος εἶναι πάντας.

Σχῆμα εἶναι, τὸ ϕαύλον , η τὸν ὄρθων περιεχόμενον.

Κύκλος εἶναι, σχῆμα εἰσίσταντον: τὸ μιᾶς γεμιμῆς περιεχόμενον (η καλεῖται περιφέρεια) περὸς τὸν αὐτὸν στριψί, τῶν εὐτὸς δισχήματος  κατεργάμεν: τὰς αὗτας διαφορών πλάσσονται οὐθέναι: οι σαμαλλήλαις εἰσί.

Κέντρον δὲ δικύκλος τὸ στριψί-  
ον καλεῖται.

Διάμετρος δὲ δικύκλος εἶναι,

οὐθέναι τις δια δικύκλος ηγεμόνης: καὶ περιετε-

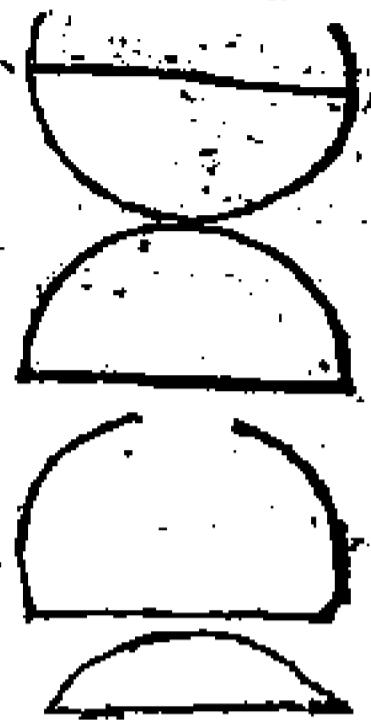
μενη

ΧΤΟΙΧΕΙΟΝ Α.

2

μένη ἐφ' ἐκάτερῃ τὰ μέρη,  
ὑπὸ τῆς Σκύλλα περιφερεῖ  
ας: ἡ τις Κοίχα τέμνει τὸν  
κύκλον.

Ημικύκλιοι δέ εἰσιν, τὸ περιε-  
χόμενον σχῆμα, ωστε τῆς  
διάμετρος. Καὶ τῆς ἀπολαμ-  
βανοῦντος αὐτῆς τῆς Σ-  
κύλλα περιφερείας.

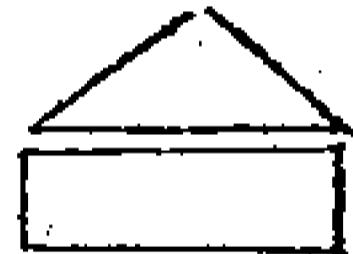


Τμῆμα κύκλου ἐστιν, τὸ περιεχόμενον ωστε  
Σίθαις, ως κύκλα περιφερείας.

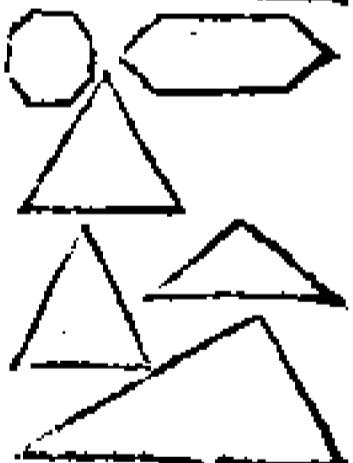
Εὐθύγεμα σχήματα εἰσιν, τὰ ωστὸ Σίθαιῶν  
περιεχόμενα.

Τρίωνευραὶ τὰ ὑπὸ τριῶν.

Τετράωνευραὶ δὲ τὰ ωστὸ τεσ-  
σάρων.



Πολύωνευραὶ δέ, τὰ ωστὸ τεσσάρων,  
όνων, ἢ τεσσάρων Σίθαιῶν πε-  
ριεχόμενα.



Τῶν δὲ τετρωνέρων σχημά-  
των, Ισόωνευρον μὲν τρίγω-  
νον εῖσιν, τὸ τρίγωνον εἶχον  
ωνευράς.

Ισσκελεῖς δέ, τὸ τὰς δύο μόνας ἵσις ἔχοντας

ξάς.

Α 17

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

Σκαληνὸν δὲ, τὸ τὰς τρεῖς αἱρίσας ἔχον πλευρὰς.

Ἐπὶ δὲ τῶν τριγωνίδων σχημάτων. Ορθογώνιον μὴ τριγωνὸν εἴτε, τὸ ἔχον μίαν ὥριτον γωνίαν.

Αμβλυγώνιον δὲ, τὸ μίαν ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.

Οξυγώνιον δέ, τὸ τρεῖς οξείας ἔχον γωνίας.

Τῶν δὲ τετραγωνίδων σχημάτων, περιγάγων μήδειαν, οἱσότητον τε εἴτε, καὶ ορθογώνιον.

Ἐπερόμηκες δὲ, ὁ ορθογώνιον μήδειαν, σὺν ισότητοι πλευρῶν δέ.

Ρόμβον δέ, οἱσότητον μήδειαν, σύν ορθογώνιον δέ.

Ρόμβοιδὲς δὲ, τὸ τὰς ἀπεναντίου πλευρὰς τε ίσης γωνίας, ἕπεις ἀλλήλους ἔχον, οὐ το ορθογώνιον. Στη ισότητοι πλευρῶν.

Τὰ δὲ παρὰ ταῦτα περιγάπτοντα, τεχνέζια καλείσθω.

Παρά-

ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ Α.

Παράληλοις εἰσὶν οὐδεῖαι, αἱ τοῦτοις δὲ τὰ αὐτῷ ἐπιστέμων  
οὐδεῖαι. καὶ ἐκβαλλόμεναι ἵνα ἀπειρον ἐφ' ἐκάπερ τὰ μέρη:  
ἐπὶ μηδετέρᾳ συμπίπτουν  
ἀλλήλαις.

ΑΙΤΗΜΑΤΑ.

Η ΤΗΣ ΤΩΝ, ἀπὸ παῖδος ομοίως: ἐπὶ πᾶν οὐ  
μέον ἐνθεῖαι γέγαμεν ἀγχυεῖν.

Καὶ πεπερασμέναις ἐνθεῖαι: καὶ τὸ συνεχὲς  
ἐών ἐνθεῖαις ἐκβάλλειν.

Καὶ πάντι κέντρῳ, καὶ Διαστήματι: κύκλον γένεται  
Φεδού.

ΚΟΙΝΑΙ ΕΝΝΟΙΑΙ.

ΤΑ. ΤΩΝ αὐτῶν ἔσται, καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἔσται.

Καὶ εανὶς ἔσταις ἔσται περιεσθῆ: τὰ ὄλα ἐστὶν ἔσται.

Καὶ εὰν ἀπὸ ἕστων ἔσταις ἀφαιρεθῆ: τὰ καταλεπτά  
ποιεῖνται ἐστὶν ἔσται.

Καὶ εἰς αἵματος ἔσται περιεσθῆ: τὰ ὄλα ἐστὶν αἵματα.

Καὶ εὰν ἀπὸ αἵματων ἔσταις ἀφαιρεθῆ: τὰ λοιπὰ  
ἐστὶν αἵματα.

Καὶ τὰς ἔσταις διατήσαται: ἔσταις ἀλλήλοις ἐστί.

Καὶ τὰς ἔσταις ημίσους: ἔσταις ἀλλήλοις ἐστί.

ΕΥΚΛΕΙ ΔΟΥ

Καὶ τὰ ὑφαρμόζοντα εἰς ἄλληλα: ἵστηται  
λοιπέσι.

Καὶ τὸ ὄλον, τὸ μέρος μοιχονέσι.

Καὶ πάσαν αἱ ὁρθαὶ γωνίας: οἵσας ἀλλήλας  
εἰσι.

Καὶ εἰς τὸ δύο θεῖας, θεῖα ἐμπίπλου,  
τὰς ἄντος, Εἰπὲ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας,  
δύο ὁρθῶν ἐλάσσονες ποιῆ: ἀκβαλόμεναι  
αἱ δύο αὗται θεῖαι ἐπ' ἄπειρον, συμπε-  
σόνται ἀλλήλας, ἐφ' ἀ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν  
δύο ὁρθῶν ἐλάσσονες γωνίας.

Καὶ δύο θεῖαι: χωρίους καὶ περιέχου.

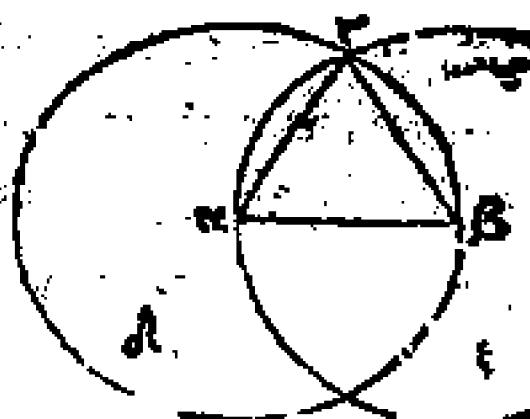
Πρότερος α. πρόβλημα.

ΕΠΙ ΤΗΣ ΔΟΘΕΙΣ ΘΕΙΑΣ ΠΕΡΙΕΧΟΜΕ  
ΝΤΑΙ: τρίγωνον ισότονον ουδηποτε.

Εκθετις.) Εἶναι η μεθεῖσα περιεχομένη,  
η ἀβ. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ δημιουρῆς ἀνθεί-  
ας: τρίγωνον ισότονον ουδηποτε. (Καπ-  
ειδόν.) Κέντρῳ μὲν τῷ ἀ, ξεκινήματι δὲ, τῷ  
ἀβ: κύκλῳ γεγάφθω, ὁ βγέ. καὶ πάλιν  
κέντρῳ μὲν τῷ δ, ξεκινήματι δὲ τῷ δα: κύ-  
κλῳ γεγάφθω, ὁ ἄγδ. καὶ πότε γέγονε,

κατ'

καθ' ὅτε μηκονικά πλήν  
εἰ κύκλοι, ὅπι τὰ δέ, β, αι  
μεῖα! ἐπεζύχθωσαν δι-  
θεῖαι, αἱ γα, γε. (Λαβόδει  
ξις.) Επεὶ δὲ τὸ αὐτομέτον,  
κέντρον ἔντι τοῦ γενέκυκλου:



ἴση ἔντι νῆσογ τῇ αβ. πάλιν εἴη τὸ διαμέτον,  
κέντρον ἔντι, τοῦ γαδὲ κύκλου: ίση ἔντι νῆσογ, τῇ  
αβ. ἐδέχθη δὲ καὶ γα, τῇ αβίσιον. ἐκατέροι  
ἄρετῶν γα, γε: τῇ αβέντιν ίση. τὰ δὲ τὰ αἱ  
τῷ οὐαὶ καὶ πλήνοις ἔντινοι, καὶ καὶ γεδέρεστη γε  
ἔντιν ίση. αἱ τρεῖς ἀρεταὶ γα, αβ, γε: ίσαι πλή-  
ναι εἰσίν. Συμπέρεσμα.) Ισάπλαδρον ἀρετ  
ἔντι τὸ αβγ τρίγωνον: καὶ συνέστητη ὅπι τῆς δο-  
θείσης διθεῖας πεπερασμένης τῆς αβ. ὁ τρίτη ε-  
δει ποιῆσαι.

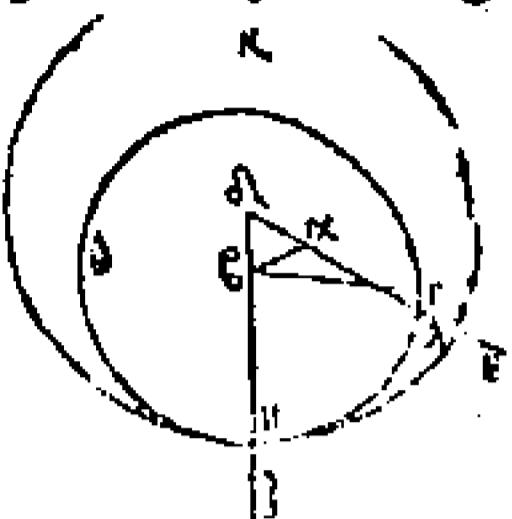
Πρότασις β. πεόβλημα.

**Π**ρὸς τὴν διθεῖαν τομέα: τῇ δοθείσῃ δι-  
θεῖᾳ: ίσην διθεῖαν θέασαι.

Ἐκφετις.) Εἰω τὸ μὲν δοθὲν τομέτον τὸ δέ:  
καὶ τὴν διθεῖαν διθεῖαν νῆσογ. (Διερευμός. Δεῖ δὲ  
περὶ τῷ αὐτῷ τομέω: τῇ βγ διθεῖα: ίσην διθεῖαν

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Θέατρον. (Καλλισκευή.) Επείδεχθω γὰρ ἀπὸ τοῦ  
ἀσπιδὸς, πήδη τὸ θομέον:  
Θεῖα γάρ, καὶ συνεδάτω  
ἐπὶ αὐτῆς, τρίγωνον ισό-  
πλευρον, τὸ δέ τοῦ οὐρανοῦ  
εἰσθίασιν εἰς τὸ θεῖαν  
ταῦς δέ, δέ: Θεῖαν, αἵ  
αἱ, βῃ: καὶ κέντρῳ μὲν τῷ θεῖον, θεοτύματι δὲ τῷ  
βῃ: κύκλῳ γεγένθωσαν οὐρανόν. καὶ πάλιν κέν-  
τρῳ μὲν τῷ θεῖον, θεοτύματι δὲ τῷ δημητρίῳ: κύκλῳ  
γεγένθωσαν οὐρανόν. (Απόδειξις.) Επειδὴν τὸ  
θομέον, κέντρον εἶναι γύνθη κύκλου: οὐ εἴπερ γάρ  
βῃ, τῇ δημητρίᾳ. καὶ πάλιν, ἐπειδὴ τὸ διθυμέον, κέν-  
τρον εἶναι γύνθη κύκλου: οὐ εἴπερ γάρ δλ., τῇ δημη-  
τρίᾳ δέ, τῇ δημητρίᾳ εἴπερ. λοιπὸν ἀρχαῖαν, λοι-  
πὴ τῇ δημητρίᾳ σημεῖον εἶχθη δὲ Καὶ βῃ, τῇ δημη-  
τρίᾳ, εκατέρω πρὸς τῶν ἀληθινῶν τοῦ θεοτύματος.  
τὰ δὲ τὰ μέσα τοῦ θεοτύματος: Σαμαρίτικον εἴπερ οὐκ εἴ-  
περ ποιῆσαι.

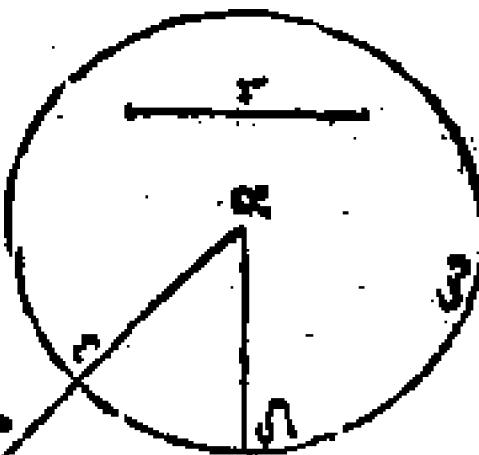


Πρότερον

Πρότασις γ. περίληπτα.

**Δ**ΤΟ ΔΟΦΙΣΩΝ ΛΙΓΚΩΝ ανίσων ἀπὸ τῆς μείζους  
ζούστη ἐλάσσοντι ἵσην θέτειν ἀφελέττη.

Ἐκθεσις.) Ενώσαν αἱ  
δοθεῖσαι δύο θέταις ἄντες  
αἱ αἱ, γ., ὡν μείζων ἔ-  
σων ἀτ. (Διορισμὸς.) Δεῖ  
δὴ ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς  
αἱ, τῇ ἐλάσσονι τῇ γ.: ἔ-  
σῃ θέτειν ἀφελέττη. (Κατασκεψή.) Καί οὐ  
πέρ ταῦτα σημεῖω, τῇ γ. θέται. ἴσην ἀτ., καὶ  
χέντρῳ μὲν τῷ αἱ, θέτειν ματὶ τῷ αἱ: κύ-  
κλῳ γεγένεθε ὁ δεξ. (Απόδειξις.) Καὶ εἴ-  
πει τὸ αἱ σημεῖον, χέντρον ἔτι δεξιὸν κύκλῳ:  
επειδὴν ἀτ., τῇ αἱ. ἀπλάκη γ., τῇ αἱ εἰνίση.  
έκστέρα ἀρχε τῶν αἱ, γ.: τῇ αἱ εἰνίση.  
ἄστε καὶ ἀτ., τῇ γ. εἰνίση. Συμπλέγμα.  
Δύο ἀρχδοφισῶν λιγκῶν ανίσων τῶν αἱ, γ.:  
ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς αἱ, τῇ ἐλάσσονι τῇ  
γ.: ἴση ἀφελέττη ἀτ., ὅπερ ἔδει πιῆσαι.



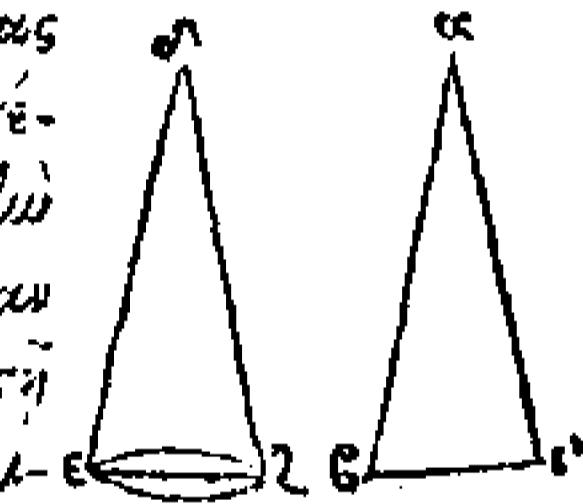
Πρότασις δ. θεώρημα.

**Ε**Αν δύο τρίγωνα, τὰς δύο αλιθρὰς τὰς  
α      γ

## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

δυσὶ πλευρᾶς ἵσταις ἔχη ἐκάπεραν ἐκάτερα: Εἴ τοι γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔχη: τόντον τῶν ἴσων Στοιχῶν περιεχομένην: καὶ τόντον βάσιν τῇ βάσισῃ νέζει: καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσον ἔξει: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσσονται, ἐκάπερ χειραπέρ, ὡφὲς αἱ ἴσαι πλευραὶ πεποτίσασιν.

Ἐκθεσις.) Εἰσώ δύο τρίγωνα, τὰ αβγ, δέξ. τὰς δύο πλευρὰς τὰς αβ, αγ, τὰς δύο πλευρᾶς ταῖς δέ, δξ, ἴσας ἔχοντας ἐκάπεραν ἐκάτερα: τόντον μὲν αβ, τῇ δέ: τόντον δέ αγ, τῇ δξ: καὶ γωνίαν τόντον βαγ, γωνίᾳ τῇ τόντον δξίσῃ. (Διορθεῖτε τοῦτον τὸν πίνακα.) Λεγωσόν, καὶ βάσις ηβγ, βάσιν τῇ νέζεισην: Εἴ τὸ αβγ τρίγωνον, τῷ δέξ, τέλειον ἴσον ἔξει: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσσονται, ἐκάπερ χειραπέρ, ὡφὲς αἱ ἴσαι πλευραὶ πεποτίσασιν, ημδι, ιπαβγ, τῇ τόντον δξ; Ιε τόντον αγβ, τῇ τόντον δξ. (Αντόδεξις.) Εφαρμοζόμενά γε τοις αβγ τριγώνας ἴση το δέξ τριγωνον: πήρετε



νας οὐδὲ σημεῖα, ὅποι τὸ δῆσμοντα, τῆς δέ  
ἀβύθείσας, ὅποι τὰ δέ εἰς Φαρμόσας καὶ τὸ βῆμα,  
καὶ τὸ εἶδος. Μήτρα τὸ ισημεῖνα τὰς αἴβας, τὴν δέ. εἰς  
Φαρμοσάσας δέ τῆς αἴβας, μήτρα τὰ δέ εἰς Φαρ-  
μόσας καὶ η αἴβας θεῖα, ὅποι τὰ δέ. ὅποι τὸ ισημεί-  
να τὰς αἴβας γωνίας τῇ ψαλίδῃ. ὡς  
τε καὶ τὸ γῆ σημεῖον, ὅποι τὸ γῆ σημεῖον εἰς Φαρμό-  
σα. Μήτρα τὸ ισημεῖνα πάλιν εἶνα τὰς αἴβας τῇ δέ. ἀλ-  
λα μήτρα καὶ τὸ βῆμα, ὅποι τὸ εἶς Φαρμόκει. ὥσπερ βά-  
σις καὶ βῆμα, ὅποι βάσιν τὰς εἴρητε Φαρμόσα. εἰς γὰρ  
τοῦ, μὲν βῆμα ὅποι τὸ εἶς Φαρμόσαντο, τοῦτο γέ τοι  
τὸ δέ. ή δέ γάρ Βάσις ὅποι τὰς εἴρητε Φαρμόσα δύο  
ἀβύθείσας χωρίου περιέχεται. ὅπερ ἀδιάτοπον  
εἰς Φαρμόσα ἄρα η δέ γάρ Βάσις, ὅποι τὰς εἴρητε Βάσιν.  
Ἴση αὐτῇ έξουται: αἵτε καὶ ὅλον τὸ αἴβυ τριγωνον,  
ἐπὶ ὅλον τὸ δέ γῆ τριγωνον εἰς Φαρμόσα: Εἰσον αὖ  
τὰς έξουται. Εἰ δέ λοιπαὶ γωνίας, ἐπὶ τὰς λοιπὰς  
γωνίας εἰς Φαρμόσασται. καὶ ίσαι αὐταῖς έσονται. ή  
μὲν ψαλίδας αἴβυ, τῇ ψαλίδῃ, η δέ ψαλίδας αἴβας,  
τῇ ψαλίδῃ. Συμπέρασμα) Εὰν ἀρχόντει  
γωνία, τὰς δύο πλευρὰς, ταῖς δύοις πλευραῖς  
ίσαις εχῃ ἐκάπερ δινέκατέρα: καὶ τὰς γωνίας  
τῇ γωνίᾳ ίσην εχῃ, τὰς ψαλίδας τῶν ίσων διη-  
κτῶν πλευραῖς: καὶ τὰς βάσιν τῇ βάσει ίσην  
ἔχει:

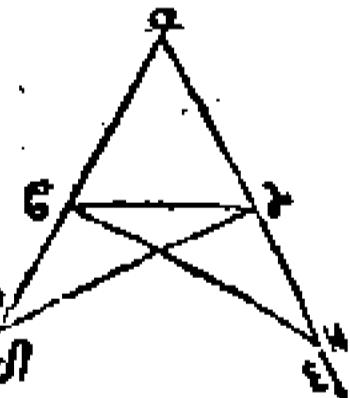
## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Ἐξεῖ: καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσου ἔσται: καὶ  
αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι  
ἔσονται: ἐκάπερ γένηται, οὐ φ' ἀς αἱ ἴσαι πλευ-  
ραὶ ὑποτείνουσιν. ὅπερ ἔδει δῆλον.

Πρότατος ε. Θεώρημα.

**Τ**οινισσοκελῶν τριγώνων: αἱ πέδες τῇ Σάρδι-  
γωνίᾳ ἴσαι ἀλλήλαις εἰσί. καὶ πεσεκελη-  
θεῖσῶν τῶν ἴσων Διηθῶν: αἱ ψεύτικοι τοῦ βάσου  
γωνίαι: ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Ἐκθεσις.) Εἴσω τριγώνον ισσοκελές τὸ αβγ.,  
ἴσως ἔχον τοὺς αβ τολευρὰν, τὴν αγ τολευρὸν.  
Ἐπεσεκελήθεισαν ἐπ' Λίθείας Ιαῖς αβ,  
αγ: Λίθείας αἱ βδ, γέ. Διορισμός.) Λέγωστε  
ἢ μὴ τοῦτο αβγ γωνία, τὴν ψεύτικον αγβ ἴσην  
διν: ή δὲ ψεύτικον βδ, τὴν ψεύτικον  
βγε. Κατασκευή.) Εἰλήφθω  
ζὸς ἐπὶ τῷ βδ: τυχὸν σημεῖον  
τὸ ζ. καὶ ἀφηρήθω διπλὸν τῆς  
μείζονος τῆς αι: τῇ ἐλάτιον οἱ  
τῇ αζ, ἴση η αη: καὶ ἐπεζεύχθω  
οὖσαι ζγ, ηβ διζεύσαι. Απόδειξις.) Επειδὴ  
σημεῖον η μὲν αζ, τὴν αη: ή δὲ αβ, τὴν αγ. δύο  
δημιαὶ ζα, αγ, ηβεσταῖς ηα, αβ, ισαι εἰσὶν,  
ἐκά-



ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΙΙ.

ἐκάπερ φέντε τέρα. Εἰ γωνίας πολύτερην πάσην  
πάσην ζάρη. Βάσις ἀρχή τοῦ θεοῦ. Βάσις τῆς θεοῦ  
ἐντελεῖ τὸ αὐτὸν τείγων, ταῦτα θεοῦ τελεγόνες  
ἴσοι εἶσαν· καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς  
γωνίαις ίσαι εἰσανταὶ εκάπερ φέντε τέρα, υφὲ τοῦ  
αἵστοι τολευραὶ ποστείνυσσιν. οὐ μὴ ταῦτα  
αὐτοῦ τῆς αβῆς οὐδὲ ταῦτα αὐτοῦ, τῆς αβῆς  
αποθέτης αὐτοῦ αὐτοῦ. καὶ επεὶ ὅλη τῇ αβῇ εἰσὶν οὖτε,  
καὶ αἴ τη αὐτὴ εἰσὶν οὖτε. λοιπὴ ἀρχὴ τοῦ λοιποῦ  
τῇ γητῇ εἰσὶν οὖτε. εἰδέχθη δὲ Καὶ τοῦ, τῇ γητῇ εἰσὶν  
δύο δῆμοι αὐτοῦ. δύο δῆμοι αὐτοῦ εἰσὶν, οὐδὲ  
ἐκάπερ φέντε τέρα. καὶ γωνίας τοῦ βητοῦ, γω-  
νία τῇ γητῇ εἰσὶν οὖτε· καὶ βάσις αὐτῶν κοι-  
νή, ηγετή. καὶ τὸ βητόν τε τείγων, ταῦτα θεοῦ  
γωνίαις ισον εἶσαν· καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοι-  
παῖς γωνίαις ίσαι εἰσανταὶ εκάπερ φέντε τέρα,  
υφὲ αἵστοι τολευραὶ ποστείνυσσιν. ίση ἀρχὴ  
εἰσὶν, οὐ μὴ ταῦτα βητοῦ, τῇ γητῇ ηγετή· οὐ δὲ τοῦ  
ποτοῦ, τῇ γητῇ γητοῦ. επεὶ δὲ ὅλη τῇ αβῇ  
αβῆς γωνία, ὅλη τῇ αβῇ αὐτοῦ γωνία εἰδέχθη  
ίση· αὐτὴ ηγετή τοῦ βητοῦ, τῇ γητῇ βητοῦ ιση. λοιπὴ  
ἀρχὴ τοῦ αβῆς, λοιπὴ τῇ αβῇ αὐτοῦ ηγετή ιση.  
καὶ εἰσὶ πέρι τῇ βάσει, τῷ αβῷ τείγωντα. εἰ-  
δέχθη δὲ καὶ ταῦτα βητοῦ, τῇ γητῇ ηγετή· Καὶ  
εἰσὶν

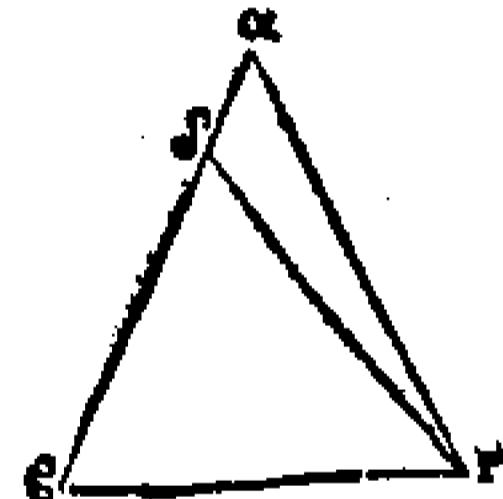
ΕΤΚΛΕΙΑ ΟΥ

εἰσὶν τὸ τέλος Βάσιν. Συμπέρασμα.) Τῶν ἀ-  
εχίσσοκελῶν τριγώνων, αἱ πέδοι τῆς Βάσεως γω-  
νίαι· ἵση μὲν ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ τεσσερεβληθεῖσῶν  
τῶν τοιων διθετῶν· αἱ τέλοι τέλος Βάσιν γωνίαι.  
ἵση μὲν ἀλλήλαις εἰσονται. οὐδὲ εἰδεῖσθαι.

Πρότασις 5. Φτιάξειμα.

**Ε**Αν τριγώνος, αἱ δύο γωνίαι ἵση μὲν ἀλλήλαις  
ωσι· καὶ αἱ τέλοι τὰς τοιων γωνίας τοστά-  
τασαν αλευράς· ἵση μὲν ἀλλήλαις εἰσονται.

Εκθεσις.) Εῖσω τρίγω-  
νον, τὸ αἴβυς· ἵσην ἔχον τέλος  
τὸ αἴβυς γωνίαν, τῇ υ-  
πὸ αἴβυς γωνίᾳ. Διορθο-  
μος.) Λέγωσθι καὶ αλευρά  
τὸ αἴβυς· αλευρά τη αἴβυς ἵσην  
ἵση. Κατασκευὴ.) Εἰ γὰρ  
ἄνισός εἴη αἴβυς, τῇ αἴβυς· οὐ ἐτέρας αὐτῶν, μέ-  
ζων ἐτίνα. ἕντε μείζων εἴη αἴβυς. καὶ αὐθηρίσθω  
ἀπὸ τῆς μείζονος τὸ αἴβυς, τῇ ἐλάσσονι τῇ  
αἴβυς· ἵση εἴη διβαθυράς· εἴσελθεντος εἰς διβαθυράν· Απόδει-  
ξις.) Επεὶ δὲ ἵσην ἐτίνα η διβαθυρά, τῇ αἴβυς· καὶ οὐδὲ εἴη  
αἴβυς. δύο δημοσίες αἴβυς, δύο δημοσίες αἴβυς· γράψεις  
εἰσιν,



εἰσὶν, ἐκάπερ δὲ ἕκατέρα: Εἰ γωνία ἡ ἡπειροῦσα  
γωνία τῇ περὶ αὐθέτην ἔστι: Βάσις ἀρχή  
δῆ, βάσις τῇ αβίση εῖναι. καὶ τὸ αβήγη τείχη-  
νον, τῷ δῆγη τείχων ωτον εἶναι. τῷ ἐλάσον  
τὰ μεῖζον, ὅπερ ἀτοπον. σόκον ἀρχὴν ἀνισός εἶναι  
ἀβ., τῇ αγ. ἴση ἀρχη. Συμπέρασμα.) Εὰν ἄ-  
ρα τείχών, αἱ δύο γωνίαι, οὓς ἀλλήλαις εἴσουν  
καὶ αἱ περὶ τὰς ιοὺς γωνίας παροίενται πλει-  
ραι: οὓς ἀλλήλαις ἔσονται. ὅπερ ἵδε δεῖξεν.

## Πρότροις 2. Γεώργιον.

**E**πὶ τῆς αὐτῆς διθέσιας: δύο τὰς αὐτὰς  
διθέσιας: ἀλλαι δύο διθέσαι οὓς, ἐκάπερ  
ἐκατέρα: καὶ συσαθήσονται, πέρος ἀλλώ, καὶ ἀλ-  
λῷ συμείω: Πάντα τὰ αὐτὰ μέρη: τὰ αὐτὰ πε-  
ριτα ἔχουσαι, τὰς εὖ ἀρχῆς διθέσιας.

Ἐγένετο.) Εἰ γὰρ δύνα-  
τον, οὐκ τῆς αὐτῆς διθέ-  
σιας αὐτῆς αῦτο: δύο τὰς αἱ  
τὰς διθέσιας τὰς αγ.,  
γέ: ἀλλαι δύο διθέσαι, αἱ  
αδ., δέ, οὓς ἐκάπερ εἴκα α-  
τέρα, συνεδίτωσεν, πέρος ἀλλώ, καὶ ἀλλῷ συ-  
μείω



## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

μείω, τῶν γ̄, καὶ διὸ εἰπεῖ τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ γ., διὸ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχονται, τὰ αἱ β., ταῖς εἰς ἀρχῆς Λύθείσαις: ὥτε ἴσην εἶναι, τινὲς μὲν γὰρ τῇ δᾶ: τὸ αὐτὸ πέρας ἔχονται αὐτῇ, τὸ δὲ τινὲς δὲ γὰρ β., τῇ δὲ β. Καθαριεύεται.) Επεζέύχθω τὸ γὰρ δ. Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ ἴσην γάρ, τῇ δὲ δι-ση ἐστὶ καὶ γωνίαν τὸν ἄγδ, τῇ τοῦ ἄγδ. μείζων ἀρχὴν τοῦ ἄγδ: τῆς τοῦ δὲ γὰρ β. πολ-λῷ ἀρχὴν τοῦ γὰρ β.: μείζων ἐστὶ τῆς τοῦ δὲ γὰρ β. πάλιν ἐπεὶ ἴσην γάρ, τῇ δὲ β.: ἴση ἐστὶ, καὶ γωνίαν ὑπὸ γδα: γωνία τῇ υπὸ δὲ β. ἐδείχθη δὲ αὐτῆς, καὶ πολλῷ μείζων. Ὅπερ ἐστιν ἀδύνατον. Συμπερεχόμενα.) Σὺν ἀρχὴπερ τῆς αὐτῆς Λύθείσαις δύσι ταῖς αὐταῖς Λύθείσαις, ἀλ-λαγδύο Λύθεῖαι, ἵσμι ἐκάτερφε ἐκατέρασσαντα θήσουσται, πέρος ἀλλω, καὶ ἀλλω σημεῖω: ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη: τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχονται, ταῖς εἰς ἀρχῆς Λύθείσαις. Ὅπερ ἐδειξάμενοι.

Πρόποστος η. Γεώργιος.

**Ε**Αγδύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύσι πλευραῖς ἴσας ἔχη, ἐκάτερφε ἐκατέ-ρα: ἔχη δὲ καὶ τινὲς βάσιν, τῇ βάσισσῃ: καὶ τινὲς

ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ Α.

τις γωνίας τῇ γωνίᾳ τονέξει, τις τῶν τῶν  
τονέων οὐδὲν φέρει κομβόια.

(Εκθεσις.) Εῖτα δύο τοις  
γωνίαις, τὰ αἴθυ, δέξι: τὰς  
δύο πλευράς τὰς αἴθ,  
αἴγ, ταῖς δύσις πλευράς  
ταῖς δέξι, δέξιας ἔχοντες  
κάπρην εκατέρα: τις εἰ  
μὴν αἴθ, τῇ δέ: τις δὲ αἴγ, τῇ δέξι: εχέτω γάρ  
βάσιν τις βῆ, βάσι τῇ εἶσιν. Διορισμός.)  
Λέγω ὅτι, καὶ γωνία ἡ τοῦ βαγ, γωνία τῇ  
τοῦ δέξιν εἰσι. Κατεσκευή.) ΕΦαρμοζό-  
μενός γάρ αἴθ γραμμάν, ἐπὶ τὸ δέξι τρίγω-  
νον: καὶ πλευράς γάρ βασιμέν, ἐπὶ τὸ εσπ-  
ριτον: τὸ δὲ βῆ σθείας, ἐπὶ τις εἴλι: ἘΦαρμό-  
σθ, καὶ τὸ γ σπιριτον, ἐπὶ τὸ ζ: Διὰ τὸ εἰσ-  
ναγ τις βῆ, τῇ εἴλι. Απόδειξις.) ΕΦαρμοσά-  
σης δητὸς βῆ, ἐπὶ τις εἴλι: ΕΦαρμόσυστοι, καὶ αἱ  
βά, γα: ἐπὶ τὰς εὸν, δέξι γάρ βασις μὲν ἡ βῆ,  
ἐπὶ βάσιν τις εἴλι: ΕΦαρμόσος: αἱ δὲ βά, αἴγ  
πλευραὶ ἐπὶ τὰς εὸν, δέξι σύν ΕΦαρμόζουσιν:  
ἄλλα περιαλλάξσουσιν, ὡς αἱ εη, ηζ: συστεθήσουσιν  
τῷ ἐπὶ τῶν αὐτῆς σθείας, δύσις ταῖς αὐταῖς

B

## ΕΤΚΛΒΙΔΟΤ.

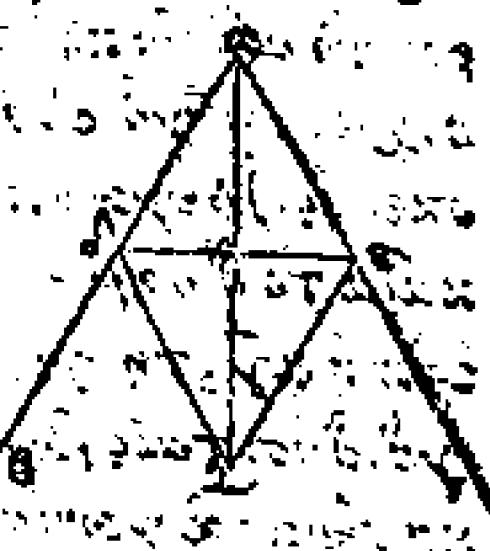
Οὐεῖας: ἄνδρα δύο οὐεῖας ἕτεροι ἐκάπερ εἰσε-  
τέρα πέρις ἀλλών ἀλλώ σπινδυσθήσαντα τὰ αὐ-  
τὰ μέρη: τὰ αὐτὰ πίεσθαι εἶχαντας οὐνίζου-  
ται δὲ σκάψεις Φαρμάκος, Βύρης τὸ Βύρη Βάσο-  
ως, επὶ τηλείας Βάσοις: σοκοὶ Φαρμάκος Εἴδη  
Βά, αγάπη τλευρά: επὶ τὰς εδέδεις Φαρμάκος  
σκάψεις, ὥσπερ καὶ γανία τηλείας Βαύρης, επὶ γανί-  
ας τλείας εδέδεις Φαρμάκος: καὶ σημ αὐτῇ ε-  
στι. Συμπόσιον.) Εάν γέρεις δύο τρέματα,  
τὰς δύο τλευράς, τὰς δύο τλευράς, ίσας  
ἐχητεροι εγετέρας καὶ τλείας Βάσοις τηλείας  
ιοντας: Επὶ τηλείας τηλείας ιοντας εξει,  
τηλείας τηλείας τηλείας τηλείας ιοντας εξει,  
τηλείας τηλείας τηλείας τηλείας ιοντας εξει.

## Πρότοις θ. Πρόβλημα.

Την δοθεῖσα γανίαν οὐθίζειμον δίχα  
τεμεῖν.

Ἐκδεοτε.) Εἰσω γέρεις δοθεῖσα γανία οὐθίζειμον  
μέθο, η τηλείας Βαύρης. Διορεσμός.) Δεῖ δη αὐ-  
τὴν: δίχα τεμεῖν. Καθάσκευτ.) Εἰλήφθω επὶ τῆς  
ἀβ., τύχον τημέτον τὸ δ. καὶ οὐρητῶν  
ἀπὸ τῆς αγάπης τηλείας τηλείας τηλείας τηλείας  
η δέ. Συνεργάτως επὶ τῆς δε τρέματον τηλείας τηλείας

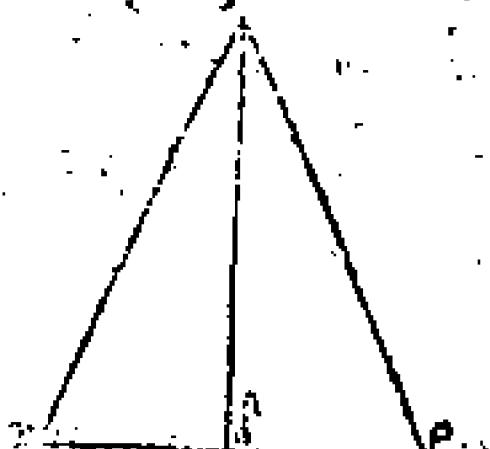
τοιευρού, τὸ δέξικον ἐπειδή  
ζύχθων ἀλλιοργίας  
τῆς κατασκευῆς.) λέγω  
ὅτι τὸ πανθεῖον βαγόνιον  
κατέμενεν ὑπὸ τῷ αὐτῷ  
λίθεις. Απόδειξις.) Ε-  
πεὶ γὰρ τὸ εἴδηντα, τῇ  
δὲ κεντρικῇ αὐτῷ αἱ δάσα, τῷδε,  
αὐτῷ, οἷαι εἰσιν ἐκπερφένεται Βάσις  
ἡδὲ, Βάσις τῇ εἴδητεν. γωνία ἀρχή ὑπὸ  
δαζού, γωνία τῇ ὑπὸβαζού, εἰν τῷ σημείῳ. Συμπέρα-  
σμα.) Ηδέη δοθεῖσαι γωνία διθύραμψοι  
ἡ ὑπὸβαγόνιον δίχα τέτμηται ὑπὸ τῆς αὐτοῦ λί-  
θεῖς, ὅποις ἔδει ποιησαί.



Πρότασις. Πρόβλημα.

**Τ**Ην δοθεῖσαι διθύραμψοι περεχσυμήνυ: δίχα  
τεμεῖν.

Ἐκφεύγεις.) Εῖναι δοθεῖ-  
σαι διθύραμψοι περεχσυμήνη, ἡ  
ἀβ. Διοργίας.) Δεῖ δὴ  
τινὴν αὐτοῦ δίχα τεμεῖν. Κα-  
τασκευή.) Συνεσάτωσι  
αὐτῆς τούτην τοιευρού τὸ σόλην-



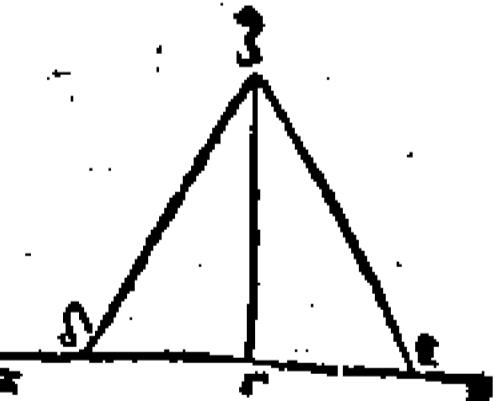
ΕΤΚΛΕΓΔΟΤ

ρον τὸ αβ̄γ̄: καὶ τῆμόθω ἡ ὑπὸ αβ̄γ̄ γωνία  
δίχα, τῇ γδὲ οὐθέᾳ. Διοργμὸς τῆς κατὰ<sup>σκευῆς.</sup> (λέγω ὅπερ ἡ αβ̄λθεῖα, δίχα τέμη),  
κατὰ τὸ δ σημεῖον. Απόδεξις.) Επεὶ γάρ ιση  
ἔστιν ἡ αγ̄, τῇ γβ̄κειν δὲ γδὲ δύο δῆλοι αγ̄.  
γδὲ δύοις ταῖς βγ̄, γδὲ, οὐκεῖσιν ἐκάτερα ε-  
κατέρα: καὶ γωνία ἡ ὑπὸ αγδ, γωνία τῇ ὑπὸ<sup>βγ̄</sup>γδ ιστιν ιση. Βάσις ἀρχή ἀδ: Βάσις τῇ βδ  
ιστιν ιση. Συμπέρασμα.) Η ἀρχὴ δοθεῖσαι δι-  
θεῖα πεπερασμένη ἡ αβ̄: δίχα τέτμηται κα-  
τὰ τὸ δ, ἔνθε δειπνοῦσι.

Πράκτορις ια: Πρόβλημα.

**Τ**Η δοθεῖση λύθεια, ἀπὸ γ̄ περὶ αὐτῆς δο-  
θεῖση σημεῖον περὶ αὐτῆς, λύθει  
αν χαριτωλῶς αγαγεῖν.

Εκθετις.) Εῖναι μὲν δο-  
θεῖσαι λύθεια, ἡ αβ̄: τὸ δὲ  
δοθὲν σημεῖον ἐπὶ αὐτῆς,  
τὸ γ̄. Διοργμὸς.) Διῆ δὴ  
ἀπὸ γ̄ γ̄ σημεῖον, τῇ αβ̄  
λύθεια: περὶ αρθὰς γωνί-  
ας λύθειαν χαριτωλῶς αγαγεῖν. Καθσκευή.)  
Εἰλή-



Εἰλήφθω ἐπὶ τῆς ἀγ. τυχὸν σημαῖον δ. Εκείνῳ τῇ γράμμῃ, η γένει σημειώσατο επὶ τῷ δὲ πρόγονον ισόπλευρον τὸ ζδέ, καὶ ἐπεζύμηθω οὐ. Διορισμὸς τῆς κατασκευῆς.) Λέγεται τῷ δοθέντῳ θείᾳ τῇ αβ., ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ αὐτῇ δοθέντῳ σημεῖον τῷ γ.: τοῦτο ὅρθας γωνίας δύθεια χραμμῆκται η οὐ. Απόδειξις.) Επεὶ γδὲ ισητεῖν η δῆ, τῇ γε: κοινῇ δὲ η οὐ. Δύο δῆσι δῆ, γλ., δυσὶ ταῖς οὐ, γλ., ισημείσιν, ἐκάπερα ἐκάλερα: καὶ βάσις η δλ., βάσις τῇ οὐσῃ οὖτι. γωνία ἀραι ὑπὸ δῆγλ., γωνία τῇ οὐπὸ εγλ., ισητεῖν, καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς. οὐταν δὲ δύθεια ἐπὶ δύθειαν ξεθεῖσα: τὰς ἐφεξῆς γωνίας, ισας ἄλλήλαις ποιηταί: ὅρθη οὖτιν ἐκάλερα τῶν ισων γωνιῶν. ὅρθη ἀραι οὖτιν ἐκάλερα; τῶν οὐπὸ δῆγλ., οὐ. Συμπέρασμα.) Τῇ ἀραι δοθέντῳ δύθεια τῇ αγ.: ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ αὐτῇ δοθέντῳ σημεῖον τῷ γ.: τοῦτο ὅρθας γωνίας δύθεια χραμμῆκται, η οὐ. οὐδὲ ἔδει ποιῆσαι.

## Πρόπτοις: Β. Πρόβλημα.

Επὶ τῷ δοθεῖσην δύθειαν ἀπειρον, ἀπὸ τοῦ δοθέντο σημείου μὴ οὖτε πάπτης: καὶ θετον δύθεια χραμμῆν ἀγαγεῖν.

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

Ἐκθετικός.) Εῖτα μὲν δοθέντες δύο εἶδα ἀπο-  
ρέσθι, ἡ ἀβ: τὸ δὲ δοθέν σημεῖον, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ'  
αὐτῆς, τὸ γάρ. Διορισμὸς.) Δαῦ δὴ οὐ πάτερ δο-  
θεῖσιν δύο εἶδα τὰ δύο απορεῖσθαι τὸν αὐτὸν από τούτων  
τούτους γραμμὰς ἀγαγεῖν. Καὶ σοκευή.)  
Εἰλέθιθω γάρ τὸν τὰς επεργί-  
μένην τῆς αβ δύο εἶδας, το-  
χὸν σημεῖον τὸ δ. καὶ κέν-  
τερον μὲν τὸ γάρ, ψηφίστημα-  
τι δὲ τῷ γδ: κύκλῳ γε-  
γράφθω ὁ εξῆ. καὶ τέλι-  
μων ἐπί δίχα κατὰ τὸ θ. καὶ ἐπεζεύχθωσιν  
οἱ γῆρας, γθ, γε. Διορισμὸς τῆς καὶ σοκευῆς.)  
Λέγωσπι, ἐπὶ τῶν δοθέντων δύο εἶδας ἀπειρον  
τὴν αβ, ἀπὸ δὲ δοθέντος σημείου γάρ γάρ, ὃ μὴ  
ἔστιν ἐπ' αὐτῆς: καί γε τὸν γάρ τὸν γθ. Από-  
διάγραψι. ) Επεὶ γάρ ἴσης ἐν τῷ θ τῇ θέ: κοινὴ δὲ  
ἡ θγ. δύο δὴ αἵ γθ, θγ: δύος ταῦτας θ, θγ, ἴση  
εἰσὶν ἐκάπερ εκατέρας: καὶ βάσις ἡ γγ, βάσις  
τῇ γγ, ἐν τῇ ιση. γωνίας δέργαται τοῦ γθγ, γω-  
νίας τῇ γγτῇ εἴη γένης τῇ ιση. καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς. ὅ-  
ταν δὲ δύο εἶδα τὸν δύο εἶδας συθέσσιται: τὰς εἰφε-  
ξῆς γωνίας τοις ἀλλήλαις ποιήσορθή ἐν τῷ εκάπε-

ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ Λ. 12

προς τῶν ἔστων γωνιῶν. καὶ τὸ εὐθεῖον καὶ τὸ  
θεῖα κάθει. καλέσαις ἐφ' αὐτὸν εὐθεῖκεν. Συμ-  
πέρχομεν.) Επί τοις δύο θεῖαις σέργει θεῖαν ἀ-  
πειρον, την ἀβαπτὸν διθέντος σημεῖον τῷ,  
σημεῖον τοῦ αὐτῆς: κάθετος τοις θεῖαις ὅ-  
τῳ δέ εἰ πιθανόν.

Πρότασις ιγ. Θεώρημα.

**Ω**Σ ἀν θεῖα ἐπ' θεῖαν συθεῖσαι, γωνί-  
ας παῖς: οὗτοι δύο ὄρθας, ηδυσὶν ὄρθαις  
οικεῖσθαι, ποιήσει.

Ἐκθεσις.) Εὐθεῖα γὰρ  
περὶ αὐτὸν θεῖαν την  
ὑδ συθεῖσαι: γωνίας παῖς-  
τω, τὰς τοῦ γράμματος, αβδ.

Διορισμὸς.) Λέγω σπιά,

τοῦ γράμματος, αβδ., γωνίαν η  
δύο ὄρθας εἰσὶν, ηδυσὶν ὄρθαις οὖσαι. Κατα-  
σκεψή) Εἰ μὴ τὸν τοῦτον ητοῦ γράμματος, την τοῦ  
αβδ.: δύο ὄρθαις εἰσὶν. εἰ δὲ τὸ γράμματος τὸ β  
σημεῖον, την γράμματος ὄρθας, η βε. Απόδειξις.)  
αἱ ἄρχα τοῦ γράμματος, ενδή, δύο ὄρθαις εἰσὶ. καὶ επει-  
τοῦ τοῦ γράμματος δυσὶ τὰς τοῦ γράμματος, αβδ. ισητεῖσι:  
καὶ τοῦ γράμματος η τοῦ αβδ.

## ΕΤΚΛΕΙΔΩΤ

Ἔβε, εἴδε: τρισὶ πᾶσι ὑπὸ γένεα, ἀβε, ἐβδ, εἰ-  
σὶν ἵση. πάλιν ἐπεὶ οὐτὸς δβά, δυσὶ πᾶσι ὑ-  
πὸ δβε, ἐβαῖση ἐτί. κοινὴ φεροκείθω, οὐ δ-  
πὸ αἴγ. αἱ ἄρχε γωνίαι, αἱ ὑπὸ δβά, ἀβγ τρι-  
σὶ πᾶσι ὑπὸ δβέ, εἴδε, ἐβδ: τρισὶ πᾶσι αὐτᾶς  
ἵση. τὰ δὲ τῷ αὐτῷ ἵσαι: καὶ ἀλλήλαις ἐτίνι ἵσαι.  
καὶ αἱ ὑπὸ γβε, ἐβδ ἄρχε, πᾶσι ὑπὸ δβά,  
ἀβγ, ἵσης εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ ὑπὸ γβε, ἐβδ, δύο  
όρθαις εἰσὶ. καὶ αἱ ὑπὸ δβά, αβγ ἄρχε δυσὶν ὥρ-  
θαις ἵσης εἰσὶν. Συμπέρασμα.) Ως ἀνάρχε  
δύθαις ἐπὶ δύθαις συθεῖσαι γωνίας ποιῆ: ητοι  
δύο ὥρθαις, η δυσὶν ὥρθαις ἵσαις ποιησά. Οὕτως  
δε δεῖξαι.

Πρότασις ιδ. Θεώρημα.

ΕΑν τεφές τινι δύθαι, καὶ τῷ πεδέσ αὐτῇ ση-  
μείω: δύο δύθαι μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη  
κείμεναι: τὰς εἰφεζῆς γωνίας, δυσὶν ὥρθαις ἵ-  
σαις ποιῶσιν: ἐπὶ δύθαις ἕσυνται, ἀλλήλαις αἱ  
δύθαι.

Εκθεσις.) Πρὸς γάρ τινι δύθαι τῇ ἀβ, ζ τῷ  
τεφές αὐτῇ σημείῳ τῷ β: δύο δύθαι αἱ γ.  
βδ: μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι: τὰς εἰφε-  
ζῆς

ξῆς γωνίας πάσιν ἀβγ. ἀβδ, δύστροφαῖς  
ἴσαις ποιήτωσι. Διορισ-  
μὸς.) Λέγω ὅτι ἐπ' Λθεί-  
ας ἔπει τῇ γβγ βδ. Καθ-  
ημένη. Εἰ γάρ μὴ ἔπει τῇ γγγ  
ἐπ' Λθείας ή βδ: τότε τῇ  
γβγ ἐπ' Λθείας ή βδ. Αὐτό-  
διαγώνιος.) Επειδὴ οὐ Λθείας ή αβ, ἐπ' Λθείας πλε-  
γβεί φέρεταιναι ἀρχαὶ τῶν αβγ, αβε γωνίας  
δυστροφαῖς ισαὶ εἰσὶν. εἰσὶ δὲ καὶ αἱ τῶν αβγ,  
αβδ, δύστροφαῖς ισαὶ. αἱ ἀρχαὶ τῶν γβδ,  
αβε: ταῦς τὰ δύο γβδ, αβδ ισαὶ εἰσὶ. κοινὴ ἀ-  
φηρήθω, τὸ τρίτον αβγ. λοιπὴ ἀρχὴ τὸ τρίτον  
αβε: λοιπὴ τῇ τρίτῳ αβδ ἐντὸν ιση. τὸ ελάσσων  
τῇ μείζονι. ὅποις ἐντὸν ἀδύνατον. τότε ἀρχὴν  
Λθείας ἐντὸν ή γε, τῇ βγγ. ὅμοίως δὴ δείξομεν.  
ὅτι τὸ δὲ ἄλλη τὸ, πλειστὸν τῆς βδ. Συμπέρισ-  
μα.) Επ' Λθείας ἀρχὴν τὸ γβ, τῇ βδ. Εὰν  
ἀρχαὶ πλέον ταὶ Λθείας καὶ τῷ πλέον αὐτῇ ση-  
μείῳ: δύστροφαῖς Λθείας μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κεί-  
αμεναι: τὰς ἐφεξῆς γωνίας δυστροφαῖς ισαὶς  
ποιῶσιν: ἐπ' Λθείας ἵσον τῷ ἄλλῃ λαμας αἱ Λ-  
θείας. ὅποις ἐδειπέρας δείξαμεν.

## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

Πρότασις ιε. Θεώρημα.

**Ε**Αν δύο εὐθεῖαι, τέμνωσιν ἀλλήλας: τὰς  
κατὰ κορυφῶν γωνίας, ίσους ἀλλήλας  
ποιήσοστε.

Εκφράσις.) Δύο γὰρ εὐθεῖαι αἱ ἄβ, γὰρ τε μετανέθωσιν ἀλληλας, κατὰ τὸ εἰσιγένειον. Διο-  
εισμὸς.) λέγω ὅπις ίση ἐ-  
στιν, πρὶν ταῦτα εἰδῆ, γω-  
νία; τῇ ύποδέξιᾳ ή δὲ ύπο  
τριγώνῳ, τῇ ύποτριγώνῳ. Ανώ-  
δεξιά.) Επεὶ γὰρ εὐθεῖα η  
αἱ: εἰπὲ εὐθεῖαν, τὴν γὰρ  
ἐφέσηκε, γωνίας ποιῶσαι τὰς ύπογεαῖς, αεδ:  
αἱ ἀρχύπογεαῖς, αεδ γωνίαις: δυσινόρθωσι-  
σαι εἰστί. πάλιν εἰπὲ εὐθεῖαν η δέ, εἰστιν εὐθεῖαι  
τινῶν ἀβεφέσηκε: γωνίας ποιῶσαι τὰς ύποαεδ,  
δέ β. αἱ ἀρχύποτο αεδ, δέ β γωνίαις: δυσινόρ-  
θωσισται εἰστίν. εἰδείχθησαν δὲ καὶ αἱ ύπογεαῖς,  
αεδ: δυσινόρθωσισται. αἱ ἀρχαὶ ύπογεαῖς. αεδ:  
ταῦτας ύποτο αεδ, δέ β, ίσαι εἰστί. κοινῇ ἀφηγή-  
θω η ύποτο αεδ. λοιπὴ ἀρχὴ ύπογεαῖς: λοιπὴ  
τῇ ύποτριγώνῳ δισημειώσαν. ὄμοιως δὴ δειχθήσεται:  
ὅτι καὶ αἱ ύπογεαῖς γε, δέ αἱ ίσαι εἰστίν. Συμπέ-  
ραγμα.) Εὰν ἀρχαὶ δύο εὐθεῖαι, τέμνωσιν ἀλλας

ληλας

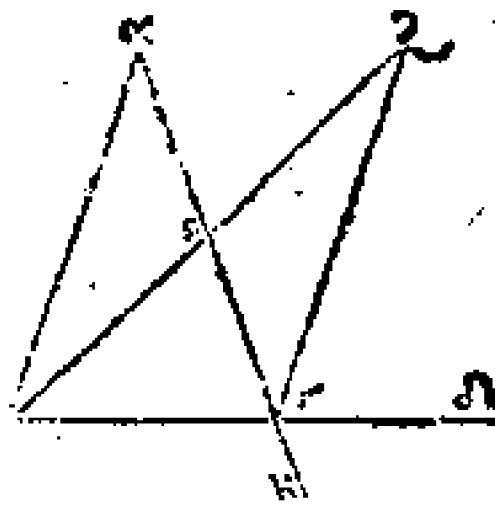
λήλας: τὰς καλὰ κορυφίων γωνίας, ἵστηται  
λήλας ποιῶν: ὅπερ εἴδει δεῖξαι.

Πόρισμα. Εκ δὲ τύττα Φανερὸν, ὅτι καὶ οὐδὲ  
οὐδὲ μάτη συγένεια τέμνωσιν ἀλλήλας: τὰς  
κατὰ τὴν τομὴν γωνίας, παραστῶν ὥρθας ἴσας  
ποιήσεται.

Πρότατος ιερούργου,

**Π**Αντὸς τοιγών, μᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνων  
σκεληθείσης: ή εἰς γωνία, ἐκατέρρεχε τὸ  
ἔντὸς καὶ ἀπὸ οὐατίσην μείζων εἶναι.

Ἐκφεσις.) Εῖναι τοίγα-  
νον, τὸ αβγ:κλητευκές  
ελήμθω αὐτὸς μία πλευ-  
ρὰ καὶ βγ, ἐπὶ τὸ δ. Διορισ-  
μὸς.) Λέγω ὅτι η σκῆνος γω-  
νία ἡ ὑπὸ αγδ: μείζων εῖναι  
ἐκατέρρεχε τῶν ἔντὸς καὶ ἀπεναυτίον: τῶν ὑπὸ  
γβα, βαγ̄ γωνιῶν. Καθοκευθ.) Τετμήθω  
ἡ αγ̄ δίχακαλὰ τὸ εἰκονίεπελευχθεῖσαν βε:  
σκεβελήθω ἐπὶ τὸ λ: καὶ κείθω τῇ βε, ἵση  
ἡ εζ:κηλεπελευχθωτὴ λγ̄: καὶ διέρχθω τὸ αγ̄,  
ἐπὶ τὸ λ. Απόδειξις.) Επειδὴν ἴση ἔτιν ἡ μὲν  
αε, τῇ εγ̄. ἡ δὲ βε, τῇ λγ̄: δύο δὴ αγ̄ αε τῷ βε:  
δυσι!



## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

δύσι ταῖς γέ, εἰς οὓς εἰσὶν ἐκάτερα ἐκάλεραι:  
καὶ γωνία ὑπὸ αὐτοῦ, γωνία τῇ ὑπὸ ζεῦ ἵση  
ἔστιν, κατὰ κορυφὴν γὰρ. Βάσις ἀρχῆς αὐτοῦ,  
βάσις τῇ ζεῦ ἵση εστί: καὶ τὸ αἴβε τρίγωνον, τὸ  
ζεδ τριγώνῳ ἐνὶν ἴσον: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι,  
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι εἰσὶν ἐκάτερα ἐκα-  
τέρα ὑφέσις αἱ ἴσαι πλευραὶ ψωτείνεσσιν.  
ἵση ἀρχής εἰσὶν ἡ ὑπὸ βαθέα, τῇ ὑπὸ ζεῦ: μείζων  
δὲ ἐνὶν ἡ ὑπὸ ζεύδη, τῆς ὑπὸ ζεῦ. μείζων ἀρχής  
ἡ ὑπὸ αὐτοῦ, τῆς ὑπὸ βαθέα. ὁμοίως δὲ τῆς βαθύ-  
πλημηθήσεται καὶ ἡ ὑπὸ βυτοῦ,  
τυγτέτιν καὶ ὑπὸ αὐτοῦ, μείζων καὶ τῆς ὑπὸ αὐτοῦ.  
Συμπέρασμα.) Παρτὸς ἄρα τριγώνου, μᾶς  
τῶν πλευρῶν πεσεκβληθείσης: η σκτὸς γω-  
νία, ἐκάλερας τῶν σκτὸς καὶ ἀπεναντίου μείζων  
ἐνὶν. ὅποι εἶδει δεῖξε.

Πρότασις 2. Φεύρημα.

ΠΑΝΤΟΣ τριγώνου, αἱ δύο γωνίαι: δύο ὄρθων  
ἐλάσσονες εἰσι, πάντη μεταλαμβανόμε-  
ναι.

Εκθεσις.) Εῖσω τρίγωνον, τὸ αἴβυ. Διορεσ-  
μὸς.) Λέγω ὅπερ βαθύ, τριγώνος, αἱ δύο γω-  
νίαι: δύο ὄρθων ἐλάσσονες εἰσὶ, πάντη μετα-  
λαμ-

λαμβανόμεναι. (Κιθάρα  
σκέψη.) Εκβεβλήθω γὰρ  
ἡ βῆ, ἐπὶ τὸ δ. Απόδει-  
ξις.) Καὶ ἐπεὶ τριγώνα τὸ  
αβγ̄ εὐθότερον γωνίαν ὁ-  
πὸ διγδ: μείζων ἐστὶ τὸ αβγ̄.  
τὸς οὐδὲ ἀπ' ἀνατίον, τῆς ὑπὸ αβγ̄ κοινῆ  
πεφυκείσθω, η ὑπὸ αβγ̄. αἱ ἄρα ὑπὸ διγδ,  
ταύτη, τῶν ὑπὸ αβγ̄, ταῦτα μείζονες εἰσὶν. αἱ  
αἱ ὑπὸ διγδ, ταύτη, δύσιν ὅρθαις ἴσους εἰσὶν. αἱ  
ἄρα ὑπὸ αβγ̄, ταῦτα, δύο ὅρθῶν ἐλάσσονες εἰ-  
σιν. ὁμοίως δὴ δεῖξομεν: ὅτι γὰρ αἱ ὑπὸ βδγ̄,  
ταύτη: δύο ὅρθῶν ἐλάσσονες εἰσιν. οὐδὲ ἔτι αἱ ὑπὸ  
αγδ, αβγ̄. Συμπέρασμα.) Παῦλος ἄρετοι  
γώνια, αἱ δύο γωνίαι δύο ὅρθῶν ἐλάσσονες εἰσιν  
πάντη μεταλαμβανόμεναι. ὅποιος ἔτι δεῖξε.

Πρὸτερος ιη. θεώρημα.

**Π**Αῦλος τριγώνων, η μείζων πλευρὰ: τὸ μέ-  
ζονα γωνίαν παυτεῖνε.

Εκθεσις.) Εῖναι τριγώνων, τὸ αβγ̄, μείζονα  
ἔχον τὸ μέζον αγ̄ πλευρὰν, τῆς αβ. Διορισμός.)  
Λέγωντες γωνίαν ὑπὸ αβγ̄: μείζων ἐστι, τῆς  
ὑπὸ

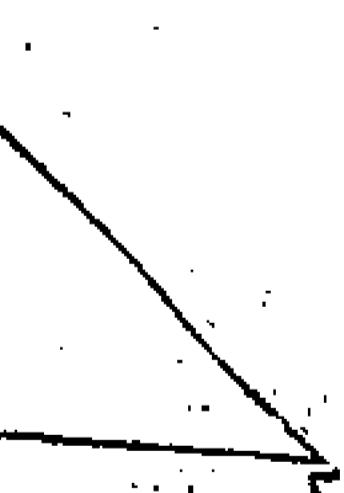
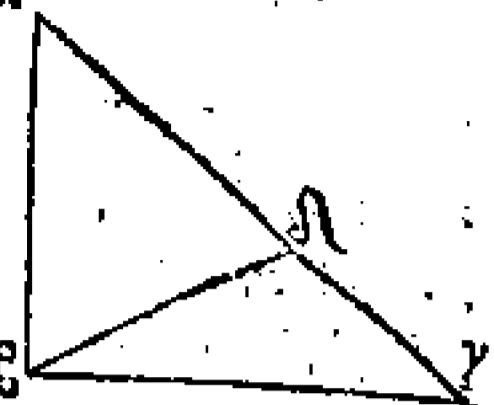
ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

ὑπόβυα. Κατασκευή.) κ  
Επειδὴ μείζων ἐδίκτη αὐγ.  
τῆς ἀβ: κείμεται τῇ ἀβ ἕ-  
στη ἡ ἀδ: κ, ἐπεζεύχθω, ἡ  
Βδ. Απόδεξες.) Καὶ επὶ ε  
τριγώνῳ βδῷ: σκῆνος ἐ-  
στι γωνία ὑπὸ ἀβ: μείζων ἄρα εἰς τῆς σκ  
πὸς καὶ ἀπὸ σκαντίου, τῆς ὑπὸ δὲ β. Ιση δὲ ἡ ὑ-  
πὸ ἀβ: τῇ ὑπὸ ἀβδ. ἐπεὶ καὶ πλευρὰ ἡ ἀβ,  
τῇ ἀδ εἰς ἵση. μείζων ἄρα καὶ ὑποίβδ, φ  
ὑπὸ αὐβ, πλευρᾷ ἄραι. ὑπὸ ε. βύ μετων εἰς,  
τῆς ὑπὸ αὐβ. Συμπέρασμα.) Παῖς ἄρα  
τριγώνος, ἡ μείζων πλευρὰ τῶν μείζονα γω-  
νίαν παστείνει. Οὐδὲ εἶδει δεῖξε.

Πρότασις 1θ. Θεώρημα.

**Π**ΑΝΤΟΣ τριγώνου, ὑπὸ της μείζου γωνίας:  
ἡ μείζων πλευρὰ παστείνει.

Ἐπειδεῖ.) Εσωτερίγω-  
νου τὸ ἀβγ, μείζονας ἔχον  
τὸν ὑπὸ ἀβγ γωνίαν: τῆς  
ὑπὸ βγα. Διορισμὸς.) Λέ-  
γωστε οὐ πλευρὰ ἡ αὐ:



πλευρὰς

πληρεστής αβ μείζωνέσιν. Απόδεξις.) Εἰ  
γέμη, ποιῶσθε τούτον τὸν αγ., τὴν αβ., τὴν ελάσσων.  
ἴση μὲν δὴ σὸν ἐστιν οὐδὲ αγ., τὴν αβ. ίση γένεται τῇ  
χριστιανῷ πόλῳ αβγ. τῇ υπό αγβ. σὸν εστιν δέ,  
επαφαίστησιν οὐδὲ αγ., τὴν αβ. & δέ μείζωνάσ  
στην ἐστιν οὐδὲ αγ., τῆς αβ., ελάσσων γένεται τῇ χριστια  
νῷ πόλῳ αβγ. τῆς υπό αγβ. σὸν εστιν δέ. σὸν  
αραιλέσσωνέστην οὐδὲ αγ., τῆς αβ. εδείχθη δέ  
οπόδειση εῖναι μείζων αραιεστην οὐδὲ αγ., τῆς αβ.  
Συμπέρασμα.) Πλεῖστα φατειγώντες υπό την  
μείζονα γενίσαντες πειζώντα πλεύραν παστείγουσα  
οὐδὲ έδει διέξανται.

## Πρότκσις κ. Ιεώρημα.

**Π**Αῦλος τριγώνος, αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοι-  
πῆς μείζονέστησι, πάντη μεταλαμβανό-  
μεναι.

Εκθεσις.) Εῖσω γένεται  
γεννοντὸν αβγ.. Διασχίσ-  
μεν.) Δεύγωστε τὸν αβγ. τούτον  
γεννοντὸν αἱ δύο πλευραὶ, τῆς  
λοιπῆς μείζονέστησι πάν-  
τη μεταλαμβανόμεναι, αἱ  
μηδὲ βα, αγ., τῆς βγ.: αἱ δὲ αβ, βγ.: τῆς αγ.,

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

αἱ δὲ Βῆγοι γάρ τῆς ἀβ. Κατακευὴ.) Διέχθω,  
γὰρ οὐδὲ πίπερό δὲ σημεῖον: καὶ κείσθω τῇ γῇ  
ἴστηδα: καὶ παρεύχθω ηδὲ γ. Απόδεξις.) Ε-  
πεὶ οὐδὲν θέτειν ηδα, τῇ αὖ. Ιστήσειν καὶ γε-  
νία ηὔπορος ἀδυ: τῇ υπὸ αὐδ. ἀλλ' ηὔπορος γε  
γενία: τῆς υπὸ αὐδ. μείζων εἰ. μείζων ἄρα  
ηὔπορος γε: τῆς υπὸ αὐδ. καὶ πεὶ τρειγωνοί.  
ἢ πόδι βῆγοι, μείζονα ἔχοι τῷ υπὸ βῆγος γε-  
γενίαν, τῆς υπὸ αὐδ. υπὸ δὲ τῷ μείζονα γενίαν  
η μείζων αλευρὰ τεστείνει. ηδὲ ἄρα, τῆς  
βῆγος εἰ μείζων. Ιστήσει ηδὲ αβ., τῆς ἀβ., αὖ. μεί-  
ζονες ἄρα αἵ βά, αὖ, τῆς βῆγος ὁμοίως δηδεί-  
ξομενοὶ πάνται μὲν αβ., βῆγοι: τῇ γῇ μείζονες  
εἰσὶν. αἱ δὲ βῆγοι γάρ τῆς ἀβ. Συμπέρασμα.)  
Παντὸς ἄρα τρειγώνα, αἱ δύο πλευραὶ: τῆς  
λοιπῆς μείζονές εἰσὶ, πάντη μεταλαρβανό-  
μεναι. οὐδὲ οὐδεὶς δεῖξε.

## Πρότασις καὶ θεώρημα.

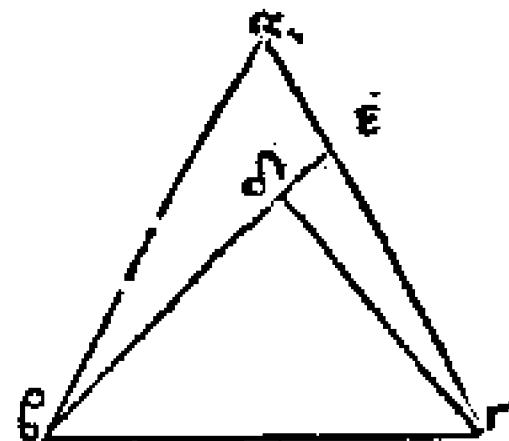
**Ε**άν τρειγώνα, ἐπὶ μεῖστῶν πλευρῶν: δύο  
τῶν περάτων δύο θεῖαι οὐτὸς συστεθῶ-  
σιν: αἱ συστεθεῖσαι, τῶν λοιπῶν τριῶν τρειγώνα  
δύο πλευρῶν, ἐλάττονες μὲν εσονται; μείζονα  
δὲ γενίαν πειρέξονται.

Εκθεσις.

Εκθεσις.) Τετργώνος γύρω αβγ, οπόια μιᾶς τῶν πλευρῶν τῆς δέγ, διπλά τῶν περάτων των β, γ δύο εὐθεῖαι κύριος σωεισθωσαν: αἱ βδ.  
δγ. (Διορισμὸς.) Δέγωστι αἱ δδ, δγ: τῶν λοιπῶν της τετργώνου δύο πλευρῶν, τῶν βα  
γ: ἐλάσσονες ρήμα εἰσὶ:

μείζονα δὲ γωνίαν περιέχεται τηνώνδε βδγ, τῆς ψώνδε βαγ. (Κλισικευτή.)

Διέχθω γύρη δδ, δπὶ τὸ ε. (Απόδειξις.) Καὶ δπὶ



πάντος τετργώνου: αἱ δύο πλευραὶ, τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι. τῷ αβε ἀρχα τετργώνου, αἱ δύο πλευραὶ αἱ αβ, αε: τῆς βε μείζονές εἰσι. καὶ νὴ περισκείσθω τῇ εγ. αἱ αρχα βα, αγ: τῶν βε, εγ, μείζονές εἰσι. πάλιν ἐπεὶ τῷ γεδ τετργώνου: αἱ δύο πλευραὶ αἱ γε, εδ, τῆς γδ μείζονές εἰσι. καὶ νὴ περισκείσθω τῇ δβ: αἱ γε, εδ ἀρχα, τῶν γδ, γβ μείζονές εἰσιν. ἀλλὰ τῶν βε, εγ, μείζονες ἐδείχθησαν αἱ βα, αγ: πολλῷ ἀρχα αἱ βα, αγ, μείζονές εἰσι. πάλιν ἐπεὶ πάντος τετργώνου: η κύριος γωνία, τῆς κύριος καὶ ἀπεναντίον μείζον ἔντονες. τῷ γδε ἀρχα τετργώνου: η κύριος γωνία τηνών δέγ, μείζον ἔντονες τῆς

C

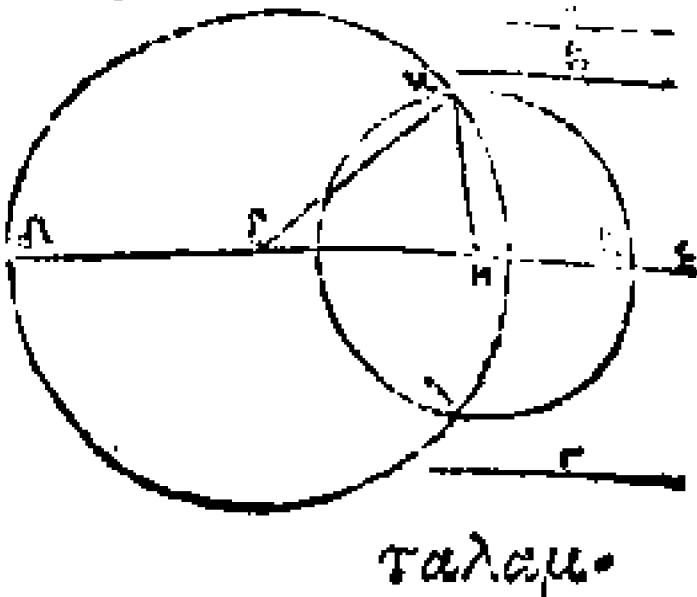
## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ταῦτα γέδ. Μήτρα τὰ αὐτὰ ἔργα καὶ τὰ αὗτα προ-  
γάνουν: οὐκίσ γανίδι, οὐτὸς γεβομένων εἰ-  
δι, τῆς ταῦτα βαγαλλὰ τῆς ταῦτα γεβ, μέτ-  
ξεν ἐδείχθη καὶ ταῦτα βδύ. πλεῖστον ἔργον ταῦτα  
βδύ μείζων εἶτε τῆς ταῦτα βαγ. (Συμπέρα-  
σμα.) Εαν δέ τοι τριγώνα, οποιαδήποτε τολμη-  
ρῶν λόγο τῶν περιέτων: δύο θεῖαι οὐτοὶ συ-  
ναθῶσιν: αἱ συγκεκριμέναι, τὴ λοιπῶν τοῦ τριγώ-  
να δύο τολμηρῶν, ἐλάτηνες μὲν εἰσι: μείζονα  
δὲ γανίδια τοιείχονται. Οὐδὲ δέ τοι δεῖξαι.

Πρότασις κβ. Πρόβλημα.

**Ε**κ τριῶν θεῶν: αἱ εἰσὶν ίσαι τριστὶ ταῖς  
δοθείσαις θείαις: τριγώνον συντίσατε.  
Δεῖ δὴ τὰς δύο, τῆς λοιπῆς μείζονας εἴναι:  
ταῦτη μετελαμβανομένας. Μήτρα τοὺς πα-  
τέρας τριγώνα: τὰς δύο τολμηρὰς, τῆς λοιπῆς  
μείζονας εἶναι, ταῦτη μετελαμβανομένας.

Εκθεσις.) Εσώ-  
σαν αἱ δοθεῖσαι  
τριῶν θεῖαι αἱ α.  
β, γ, ὡν αἱ δύο, τ  
λοιπῆς μείζονας ε-  
γενόνται, πατέρη με-



τελαρικανόμναι, αἱ μὲν ἄ, Β, τῆς γ̄, αἱ δὲ ἄ,  
γ̄, τὸ Β, καὶ ἐπ αἱ Β, γ̄, τῆς ἄ. (Διορισμὸς.)  
Δεῖ δὴ ὅκ τῶν ἴσων ταῖς ἄ, Β, γ̄, τρίγωνον συ-  
σησαδεῖ. (Κατάσκοπη.) Εὐκαιρίω τίς ευ-  
θεῖα η δέ, περιφερόμενη μὲν κατὰ τὸ δί, ἀπ-  
εισθε κατὰ τὸ ζήτη, καὶ καίσθω τῇ μὲν ἄιον, οὐ  
δὲ, τῇ δὲ Β, ιον η ζήτη, τῇ δὲ εγ̄, ιον η ηθ. καὶ  
κέντρῳ μὲν τῷ ζ., Διαστήματι οὐ τῷ ζδ, κύκλος  
γεγένεθω, οὐ δὲ λ. καὶ πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ  
η, Διαστήματι δὲ τῷ ηθ, κύκλῳ γεγένεθω  
οὐ ηλθ. καὶ ἐπεζεύχθωσαι αἱ κη. (Διορι-  
μὸς τῆς κατάσκοπης.) λέγω οὖπις ὅκ τριῶν  
λίθαιῶν τῶν ἴσων ταῖς ἄ, Β, γ̄, τρίγωνον συσ-  
ησετὸ ηζήτη. (Λαβόδειξις.) Εωσὶ γδ τὸ ζοη-  
μένον, κέντρον εἰς ζδκλ κύκλον, ιον εἰς τὸ ηζδ,  
τῇ ζκ, ἀλλὰ η ζδ τῇ αἴσιν ιον. καὶ η ηζάρχε  
τῇ αἴσιν ιον. πάλιν οὐτὶ τὸ ηη σημεῖον, κέ-  
ντρον εἰς τὸ ζδκλ κύκλον, ιον εἰς τὸ ηθ, ηη ηκ-  
αλλὰ η ηθ, τῇ γέτειν ιον. καὶ η ηζάρχε, τῇ  
γέτειν ιον. εἴτε δὲ καὶ η ζη: τῇ Βιον. οὐ τριῶν  
άρχε λίθαιμ, αἱ ηζ, ζη, ηκ: τριστίλιθαις ἄ, Β, γ̄  
ίσημεισίν. (Συμπαραγόμενο.) Εκ τριῶν αρχ  
λίθαιῶν τῶν ηζ, ζη, ηκ: αἱ εἰσὶν ισαὶ τριστὶ<sup>τοι</sup>  
ταῖς δοθείσαις λίθαιμ ταῖς ἄ, Β, γ̄: τρίγων-

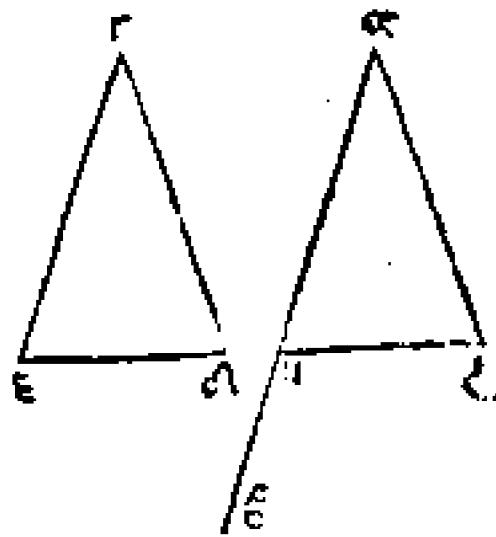
ΕΙΚΛΕΙΑ ΟΤ  
νοι σωμάτων, τὸ κῦτ. ὅποι ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις κῦτ. πέρβλημα.

**Π**ρὸς τὴν δοθείσην θεία: καὶ τῷ πέρι αὐτῇ  
σημεῖῳ: τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ θύγειαμα:  
ἴσην γωνίαν θύγειαμον συνήσαδε.

Εκθεσις.) Εἰσω μὲν δο-  
θεῖσαι θείαι οἱ αἱ: τὸ δὲ  
πέρι αὐτῇ σημεῖον τὸ α: η  
ηδὲ δοθεῖσαι γωνία θύ-  
γειαμΘ, η τοῦ δγε.

(Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ πέρι  
τῇ δοθείσην θεία τῇ αβ: καὶ τῷ πέρι αὐτῇ  
σημεῖῳ τῷ α: τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ θύγειαμ-  
μα, τῇ τοῦ δγε: ίσην γωνίαν θύγειαμον  
συνήσαδε. Κατασκευή.) Εἰλήφθω ἐφ' ἑκά-  
τερας τῶν γδ, γε: τυχόνται σημεῖα τὰ δ, ε: καὶ  
ἐπεζεύχθω ηδὲ: καὶ ἐκ τετραγώνου συνεσά-  
τω τὸ αζητώντες ισηναὶ τέλοι μὲν γδ, τῇ αβ:  
τέλοδὲ γε, τῇ αη: καὶ ἐπ τῷ δε, τῇ ζη. (Ἀπό-  
δεξις.) Εἰσειδὲν αὖ δύο αἱ δγ, γε: δύοις τῷδε  
ζα, αη, ισηνεισὶν ἐκάπερ φένετε: καὶ βάσις  
ηδὲ, βάση τῇ ζη ιση. γωνία σέργητο δγε,



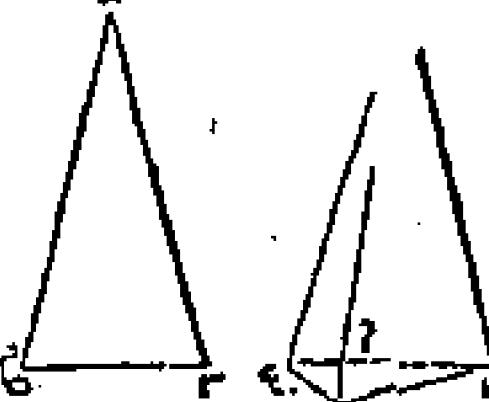
γωνία

γωνία τῇ ὑπὸ ζαῆ εἰνίση. (Συμπέρεσμα) Πρὸς ἀεὶ τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τῇ αβ̄: καὶ τῷ περιστῇ σημάνω τῷ α: τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἵντι χάμηλῷ τῇ παρόδῳ, ἵνη γωνία εὐθύ-  
χειαι (σωίσει), η τῶν ζαῆ ὁπός εἴδει πο-  
νοῦμ.

Πρότασις καὶ θεώρησι.

**Ε**Αν δύο τείγωνα, τὰς δύο πλευρὰς, ταῖς δυσὶ πλευραῖς τοις ἔχη, εκάπερ εὐκλή-  
εσι: τοὺς δὲ γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔχη,  
τοὺς τὸ τῶν ἰσων εὐθειῶν πλευραῖς: καὶ  
τοὺς βάσους τῆς βάσεως μείζονα ἔχει.

Ἐκθεσις.) Εῖναι δύο τείγωνα, τὰ αἴγι, δέξ:  
τὰς δύο πλευρὰς τὰς αβ̄, αγ̄: ταῖς δυσὶ<sup>σ</sup>  
πλευραῖς, ταῖς δέ, δζ̄, τοις ἔχοντα εὐκλήσια  
εκάπερ εστι: τοὺς μὲν αβ̄, τῇ  
δέ: τοὺς δέ αγ̄, τῇ δζ̄: γω-  
νία δὲ η τὸ βαγ̄, γω-  
νίας τῆς τὸ εἰδὲ μείζων  
ἔστι. (Διορισμὸς.) Λέγω  
ὅπην βάσιν βγ̄: βά-  
σεως τῆς εζ̄, μείζωνέστιν. (Κατασκευὴ.) Ε-



πει γζ̄ μείζων ἔστιν η τὸ βαγ̄ γωνία: τῆς  
τὸ εἰδὲ γωνίας: συνεσάτω πέρις τῇ δέ δι-

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

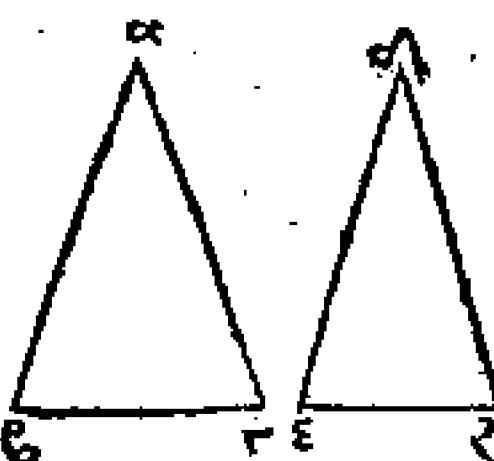
Θέα: καὶ τὸ πέπος αὐτῆς σημάω τῷ δ: τῇ ὑπὸ<sup>τό</sup>  
Γαγγανίδιον ἡ ψεύτη ἐδη. καὶ κείθω ὅποιέ-  
εχτῶν ἀγ, δῆ, ση ἡ δη: καὶ εἰς τὸ μέλλον θωσει,  
αἱ τε, ζη. (Απόδεξις.) Εἰς τὸν σημεῖον τοῦ μὲν  
ἀβ, τῇ δε: οἵ τοι ἀγ, τῇ δη: δύο δη αἱ βα, ἀγ:  
δυσὶ τῆς τοῦ, δη ιουτισὶν ἐκάπερ εἰπάτεραι,  
καὶ γωνίας ὑπὸ Γαγ, γωνία τῇ ψεύτῃ ἐδη, ση  
δη. Κάτις ἀρχή τοῦ, Βάσι τῇ επ, εἰς τὸ ση. πά-  
λιν, εἰς τὸ ση δη, τῇ δῆ, ση δη, καὶ γω-  
νίας τῷ δῆ: γωνία τῇ ψεύτῳ δη ζ. μείζων  
ἀρχή ὑπὸ δῆ: τῆς ὑπὸ επ. πολλῷ ἀρχα μεί-  
ζων δη, τῷ επ: μείζονα ἔχον τῷ ὑπὸ επ  
γωνίαν τῆς ὑπὸ επ: τῷ δὲ τῷ μείζονα γω-  
νίαν, η μείζων πλευρὰ παρατίνει. μείζων ἀ-  
ει καὶ πλευρὰ η επ: τῆς επ. ση δη επ, τῇ  
βα. μείζων ἀρχὴ τοῦ βα, τῆς επ. (Συμπέ-  
ρασμα) Εαν ἀρχα δύο τρίγωνα, τὰς δύο  
πλευρὰς, τῆς δυσὶ πλευρᾶς ισας ἔχη ἐκ-  
τέραν ἐνθέσαι: τὼ δὲ γωνίαν τῆς γωνίας  
μείζονα ἔχη: τὼ τῶν τῶν ισων θειῶν πε-  
εκεχομένων: καὶ τῷ βάσι τῆς βάσεως μεί-  
ζονα ἔχει. οὐδὲ εἰδει δεῖξαι.

## Πρότασις κέ. Γεώργιου

Ead

Ἐαὶ δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς, τὰς δύο τοις ἔχουσας πλευράς τοις ἔχοντας, εὐθέας εὐθέας τῷ βάσιν δὲ τῆς βάσεως, μείζονα ἔχη: καὶ τοὺς γωνίας τῆς γωνίας μείζονα ἔχει: τὸν δὲ τῶν ἴσων διθεῖον πειραμάτιν.

Εκθεσις, Εῖτα δύο τρίγωνα τὰ αἴγα, δέξ, τὰς δύο πλευρὰς: τὰς αἴς, αἴγα, τὰς δύο τοις πλευράς τοις δέ, δέξ, τοις ἔχοντας εὐθέας εὐθέας τῷ βάσιν μείζονα αἴγα, τῇ δέ: τῷ δὲ αἴγα, τῇ δέ: βάσις σήμερι δέγι: βάσεως τῆς εἰς, μείζων ἐνώ. (Διορισμός.) Λέγωσθι καὶ γωνία, η τοῦ βαγ: γωνίας τῆς τοῦ εδέξ, μείζων ἐνών. (Απόδειξις.) Εἰ γὰρ μή, οὐτοιστη ἐνών αὐτῇ: η ἐλάσσων. ἵστη μὲν δέ τοι εἴστιν η τοῦ βαγ γωνία: τῇ υπὸ εδέξ: οὐτοιστη μὲν εἰλάσσων. ἐλάσσων γὰρ οὐδὲ βάσις η βαγ: βάσεως τῆς εἰς. τοι εἴστι. τοι ἀραιεῖστη ἐνών η τοῦ βαγ γωνία: τῇ υπὸ εδέξ. ἀλλ' οὐ σήμερι μείζων εἰλάσσων. ἐλάσσων γὰρ οὐδὲ βάσις η βαγ: βάσεως τῆς εἰς. τοι εἴστι. τοι ἀραιεῖστη η υπὸ βαγ γωνία: τῆς τοῦ, εδέξ.

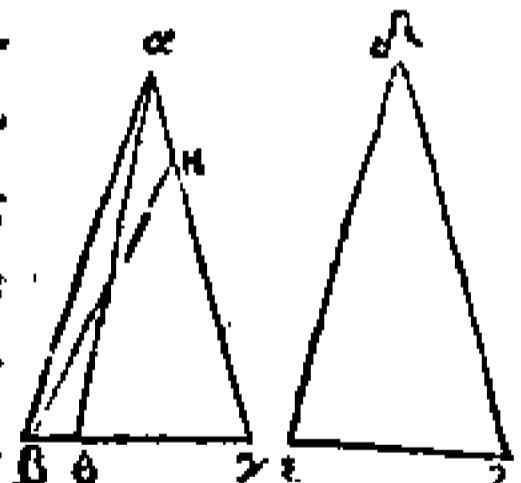


ΕΤΚΛΕΙΔΩΤ

(Συμπέραγμα.) Εάν δέχεται δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς τοῖς δύοις πλευραῖς ίσους ἔχη ἐκαλέσεν ἐκπλέρα: τὸ δὲ Βάσιν, τῆς Γάστρος μείζονα ἔχει: καὶ τὸ γανίαν, τῆς γανίδος μείζονα ἔχει: τὸ δὲ τῶν σων διθεῖον πεντεχορδίνων. ὅποις ἔτις δεῖξε.

Πρότερος κα. Γεώργιος.

**E**Αν δύο τρίγωνα, τὰς δύο γωνίες, τὰς δυσὶ γωνίαις οὐας ἔχη ἐκάτεραν ἐκάτερα: καὶ μίαν πλευραν, μιᾶν πλευράν ον: ήτοι τών πέντε τὰς ουας γωνίας: ή τών πενταγωνοῦ πεντὸ μιαν τῶν ουων γωνιῶν: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς, τὰς λοιπὰς πλευράς ουας ἔχει, ἐκάτεραν ἐκάτερα: καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας, τὴν λοιπὴν γωνία.



ωλευραῖ, μᾶς ωλευράς τον πρότερον τῶν πέντε  
 ταῦς ἴσης γωνίας, τὸν Βγ̄, τῇ εὗ. (Διόρεσ-  
 μὸς περὶ τοῦ.) Λέγω δὲ πώντι τὰς λοιπὰς  
 ωλευρὰς, ταῦς λοιπὰς ωλευράς τοις. ἔχει  
 ἐκάτεραι εκάτερα τῶν μὲν αὐτῶν, τῇ δὲ τῷ δὲ  
 αὐτῷ, τῇ δὲ: καὶ τοὺς λοιποὺς γωνίας, τῇ λο-  
 πῇ γωνίᾳ, τῷ ὑπὸ Βγ̄, τῇ πάσῃ εἰδέξ. (Κα-  
 ποκευὴ περὶ τοῦ.) Εἰ γὰρ ἀνισός ἐστιν ἡ αὐτή, τῇ  
 δὲ: μία αὐτῶν μέίζων ἐστιν. ἔτι μείζων, οὐ  
 αὐτή, καὶ κένθω τῇ δὲ, ἵστηται τοῦτο εἰδέξει χθωνή  
 τῇ. (Απόδειξις περὶ τοῦ.) Επεὶ γὰρ ἐστιν ἡ  
 μὲν Βη̄, τῇ δὲ: ηδὲ δὲ Βγ̄, τῇ εὗ: δύο δὲ αἱ Βη̄,  
 Βγ̄: δύος ταῦς δὲ, εὗ, ἴσης εἰσιν εκάπερ φάνε-  
 τερα: καὶ γωνία ἡ πάσῃ τῇ τῇ τῷ πάσῃ  
 δὲ εὗ, ἴσης εἰσι. Κάσις ἀρχὴ τῇ τῇ, Κάσις τῇ γῇ ἴσης  
 εἰσι: καὶ τὸ πρότυγανον, τῷ δὲ τριγώνῳ, εἰ-  
 σον ἕσται: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῦς λοιπὰς  
 γωνίας ἴσης ἔσσηται: εκάπερ φάνερα, οὐ φάνε-  
 ρα αἱ ἴσης ωλευραὶ πάσαις εἰνουσιν. ἴση ἀρχὴ ὑπὸ<sup>τοῦ</sup>  
 πρότυγανος, τῇ ὑπὸ δὲ: ἀλλὰ τῇ ὑπὸ δὲ, τῇ  
 πάσῃ Βγ̄ τῷ ὑπόκειται ἴση. καὶ τῇ ὑπὸ Βγ̄ ἀρχα,  
 τῇ ὑπὸ Βγ̄ ἴσης εἰσιν, οὐ ἐλάσσων τῇ μείζον.  
 ὅπερ ἀδικίαί τοι. (Συμπέρασμα περὶ τοῦ.) Οὐκ  
 ἀριστεῖς εἰσιν οὐδὲ αὐτοὶ, τῇ δὲ. ἴση ἀρχα,

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

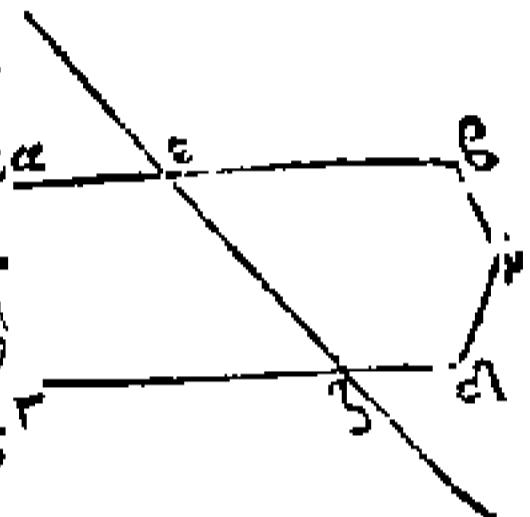
ἡ βῆ, τῇ ἐξιον δύο δὴ αἱ ἀβ, οὐ: δύστη πῆς  
δέ, εἰς τοι εἰσὶν ἐκάπερα ἐκάλεσα: καὶ γωνία  
ἡ τῶο ἀβγ: γωνία τῇ ὑπὸ δὲ ἐστὶν ιση. Βά-  
σις ἄρση ἀγ. Βάσις τῇ δὲ ιση εῖ: καὶ λοιπὴ  
γωνία ἡ ὑπὸ βαγ: λοιπὴ γωνία, τῇ ὑπὸ εδὲ  
ιση εῖν. (Ἐκθεσις διλέγεται.) Αλλὰ δὴ πάλιν  
ἐξωστε, αἱ ὑπὸ τὰς τοις γωνίας πλευραὶ ὑ-  
πολείνουσιν: ὡς η ἀβ, τῇ δέ. (Διοργομέτριας  
διλέγεται.) Λέγω πάλιν, ὅτι καὶ αἱ λοιπαὶ  
πλευραὶ, τὰς λοιπὰς πλευραῖς τοι εσογ-  
να: η μὲν ἀγ, τῇ δὲ ιση δὲ βῆ, τῇ ἐξιγμέτη η  
λοιπὴ γωνία, η τῶο βαγ: λοιπὴ τῇ ὑπὸ εδὲ  
ιση εῖν. (Κατασκευὴ διλέγεται.) Εἰ γωνί-  
σός εἰν τῇ βῆ, τῇ ἐξιγμαὶ αὐτῶν μείζων εἰν-  
έινται διωτὸν μείζων, η βγ: καὶ καίσθω τῇ  
ἐξιον η γθ: καὶ πεζόχθωη ἀθ. (Απόδεξις  
διλέγεται. Καὶ ἐπεισηση εἰν τῇ μὲν βθ τῇ εἰ: η  
δὲ ἀβ τῇ δὲ: δύο δὴ αἱ ἀβ, θθ: δύστη πῆς δέ,  
εἰς τοι εἰσὶν ἐκάπερα ἐκάλεσα: καὶ γωνίας ἡ  
οικ περιέχεται. Βάσις ἄρση ἀθ, Βάσις τῇ δὲ  
ιση εῖ: καὶ τὸ ἀβθ τριγωνον, τῷ δὲ τριγωνω  
ιση εῖ: καὶ αἱ λοιπαὶ, γωνίαι, πῆς λοιπαὶς  
γωνίαις, τοι εσονται ἐκάπερα ἐκάλεσα: ὑφ' αὐτῶ  
αἱ τοι πλευραὶ πολείνουσιν. ιση ἄρα ἐξιγ-  
μέτη  
η ὑπὸ

ἡ ὑπὸ Βθα γωνία τῇ πάσῃ εἰδ. ἀλλὰ οὐ πὸ  
εἰδ., τῇ πάσῃ Βγα γωνία εἴναι σημαντικὴ πάσῃ  
Βθα ἄρα, τῇ ὑπὸ Βγα εἰναι σημ. τριγώνου δὴ  
πάθη, η ἀκτὶς γωνία οὐ πὸ Βθα: σημεῖον τῇ  
ἀκτὶς καὶ ἀπὸ εὐαγγίου, τῇ ὑπὸ Βγα. οὐδὲ ἀδύ-  
νατὸν εἶναι. (Συμφέρασμα δύτερου. Κανά-  
ρα ἀνισός εἴναι ή Βγ, τῇ εἰδ. σημαντική πλευρὴ  
η ἀβ, τῇ δὲ σημεῖον δύο δημιουρούσι αβ, Βγ, δύο τῆς  
δε, εἰδ., σημείοις εἰκάπερα εἰκαλέρας καὶ γωνίας  
τοις φεύγοντις. Βάσις ἀραιή αγ, Βάσις τῇ δὲ  
σημεῖον, καὶ τὸ αἴγυ τρίγωνον, τῷ δὲ τριγώ-  
νῳ σημεῖον: καὶ η λοιπὴ γωνία, η οὐ πὸ Βγ:  
τῇ λοιπῇ γωνίᾳ, τῇ ὑπὸ εἰδ., σημεῖον. (Συμ-  
φέρασμα καθόλου.) Εαὐτὸν τρίγωνα,  
τὰς δύο γωνίας τῆς δυσὶ γωνίαις τοις εχη-  
εικάπεραν εικαλέρα: καὶ μίαν πλευρὰν μίαν  
πλευρὰν σημεῖη: ητοι τινὰ πέρος τῆς τοις  
γωνιαῖς: η τινὰ οὐ πλοίενουσαν οὐ πὸ μίαν τῶν ε-  
σων γωνιῶν: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς, τῆς  
λοιπᾶς πλευρᾶς τοις εἰξει: καὶ τινὰ  
λοιπὰς γωνίας: τῇ λοιπῇ γω-  
νίᾳ, οὐδὲ εἰδει δεῖξα.

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ  
ΤΟ ΔΕΥΤΕΡΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ-  
του τοῦ δοκιμίου.

Πρότασις κ. Κάρημα.

**Ε**άν εἰς δύο δύεις, δύεις εμπίπλου, τὰς ἔναλλας γωνίας τοις ἀλλήλαις ποιῆται· τα-  
ξάλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ δύεις.

Ἐπίθεσις.) Εἰς τὸ δύο δύ-  
εις τὰς αἱ, γδ: δύεια  ε  
ἔμπιπλους η̄ ε̄: τὰς ὅτι  
ἀλλὰς γωνίας τὰς ιπο-  
αε̄, ε̄γ: ιοις ἀλλήλαις  
ποιηται. (Διορισμός.) Λέ-  
γω ὅππι περάλληλος ἐστιν η̄ αἱ δύεις, τῇ γδ  
ἔνθεια. (Τιπόθεσις.) Εἰ γδ μὴ, ἐκβαλλόμεναι  
αἱ αἱ, γδ, συμπεσθήσας ἦτοι ὅπλι τὰ β, δ, μέ-  
ρη, η̄ ὅπλι τὰ α, γ. (Κατασκοπή.) Εκβεβλή-  
θωσαι, καὶ συμπλέτωσαι ὅπλι τὰ β, δ, μέ-  
ρη: κατὰ τὸ η̄. (Απόδειξις.) Τελεγώντα δη̄ τῷ  
η̄ ε̄γ: η̄ ἐκτὸς γωνία η̄ ιπο-αε̄ μείζων η̄ τῆς  
ἐκτὸς καὶ ἀπεναντίον γωνίας, τῆς ιπο-ε̄γ.  
ἀλλὰ καὶ ιση. ὅπος ἐστὶν ἀδιάλογον. ὅπλι αἱ  
αἱ, γδ ἐκβαλλόμεναι συμπεσθήσας, ὅπλι τὰ  
ε̄, δ,

ε, δ, μέρη. Ομοίως δὲ δειχθήσεται, ὅπου δὲ ε-  
πι: τὰ αὐτά, αἱ δὲ θέσηι μηδέπερ τὰ μέρη συμ-  
πίπτουσαι: παράλληλοί εἰσι. παράλληλοί εἰσιν οἱ αὐτοί, τῇ γῇ. (Συμπάρεσμα.)  
Ἐπειδὴ αἱ αἱρέσεις δύο διθέσις, οἱ θείαι ἐμπίπτουσαι  
τὰς ἐναλλαξέντις γωνίας ίσας ἀλλήλαις ποιεῖ: πα-  
ράλληλοι ἔσονται αἱ διθέσι. ὅποι ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις καὶ θεώρημα.

**E**Αν εἰς δύο διθέσις: διθέσια ἐμπίπτουσαι,  
τὰς ἐναλλαξέντις γωνίας, τῇ ἐντὸς Εἰς απεναντίον,  
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ίσκει ποιεῖ: ή τὰς ἐν-  
τὸς, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, δυστὸν ὄρθαις ίσας  
ποιεῖ: παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ δι-  
θέσι.

Ἐπιθεστις.) Εἰς γὰρ δύο δι-  
θέσις τὰς αἱρέσεις, γῇ: ενθέσια  
ἐμπίπτουσαι η ἐξ: τῶν ἐκτός  
γωνίας, τῶν ταῦτα ἐνθέσια, τῇ  
ἐντὸς καὶ απεναντίον γω-  
νίας τῇ ταῦτα ηθδ, ισον πα-  
ίτων τὰς ἐντὸς, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη: τὰς  
ὑπὸ θηθ, ηθδ, δυστὸν ὄρθαις ίσας. (Διορθώσ-  
μεν.) Ηγεωπον παράλληλος ἐστιν οἱ αὐτοί, τῇ γῇ.  
(Απε-

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

(Απόδειξης.) Εἰσὶ γὰρ ἴσης οὐκέτι τὸ ἔθνος,  
τὴν ὑπὸ τὸ θεῖον αλλὰ οὐ ποτὲ τὴν θρησκείαν,  
τὴν ὑπὸ τὸν αὐτὸν θεόν, τὴν ὑπὸ τὸ θεῖον  
ἴσης οὐκέτι εἰσὶν ἀναλλάξ. παράλληλον ἀν-  
ταίσιν οὐκέτι θεόν, τὴν γὰρ πάλιν ἡ θρησκεία  
τὸ θεῖον δύστιν θρησκείαν εἰσὶν εἰσὶν δὲ καὶ οὐ ποτὲ  
τὸν αὐτὸν θεόν, θεόν δύστιν θρησκείαν. οὐδὲν δέ τοι θεόν  
θρησκείας οὐ ποτὲ θεόν, θεόν δύστιν εἰσὶν. καὶ τὴν ἀφη-  
ρίσθω οὐ ποτὲ θεόν. λοιπὴν θεόν, οὐ δέ τοι θεόν:  
λοιπὴν τὴν ὑπὸ τὸ θεῖον έστιν ίση. οὐδὲν εἰσὶν ἀνα-  
λλάξ. παράλληλον ἀραιέσιν οὐκέτι θεόν, τὴν γὰρ πάλιν

(Συμπέρασμα.) Εάν θεός εἰς δύο διθείας,  
διθείας ιμπίπλους: τὰς τοιούτας γωνίαν τῇ άν-  
τος Καπεναντίου, καὶ στοὺς τὰ αὐτὰ μέρη ίσην  
ποιήσῃ: η τὰς τοιούτας καὶ στοὺς τὰ αὐτὰ μέρη δυ-  
στιν θρησκείας: παράλληλοι εσσούνται διθείας.  
ὅποι εἶδει δεῖξει.

Πρότασις κ.θ. Θεώρημα.

**Η**εὶς τὰς παραλλήλας διθείας, διθείας ιμ-  
πίπλους: τὰς τε ἀναλλάξ γωνίας, ίσους  
αλλήλας ποιεῖ: καὶ τὰς τοιούτας γωνίας, τοιούτας  
ποιεῖ: καὶ στοὺς τὰ αὐτὰ μέρη, ίσους: καὶ  
τὰς τοιούτας γωνίας, τοιούτας τὰ αὐτὰ μέρη, δύστιν θρησκείας  
Ex)ε-

Εκφεσις.) Εἰς γοῦνα-

ραλλήλους οὐθίας τὰς <sup>καὶ</sup>

αὐτούς, γέδος θεῖα ἐμποτίζε-

τω, ήτού. (Διορευσμὸς.) Λέ-

γω δέ τι τὰς τε ὀναλλάξ <sup>τε</sup>

γωνίας, τὰς ύπατας αὐτός,

ηθδίσας ποιεῖ: καὶ τὰς ἔκτος γωνίας τὰς ύ-

πατας εῆβ, τῇ ἔντος καὶ ἀπεναντίον καὶ οὗτα τὰ

αὐτὰ μέρη τῇ ύπατο ηθδίσην: καὶ τὰς ἔκτος,

καὶ οὗτα τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ύπατας βῆθ, ηθδί-

σίν σὺν ὄρθαις ισας. (Απόδειξις μετὰ τῆς ύ-

παθέσεως.) Εἰ γὰρ ἀνισός ἐστιν η ύπατο αὐτό,

τῇ ύπατο ηθδίμια αὐτῶν μείζων ἐστιν. Ενώ μεί-

ζων η ύπατο αὐτό. καὶ ἐπεὶ μείζων ἐστιν η ύ-

πατας αὐτό, τῆς ύπατο ηθδί: καὶ τὴν περικείσθω η

τατο βῆθ. αἱ ἄρχαι ύπατο αὐτό, βῆθ: τῇ ύπατο βῆθ,

ηθδί, μείζονες εἰσὶν. ἀλλὰ καὶ αἱ τατο αὐτό,

βῆθ: σὺν σὺν ὄρθαις ισαγενεῖσιν. καὶ αἱ ἄρχαι ύ-

πατας βῆθ, ηθδί: δύο ὄρθῶν ἐλασσόνες εἰσὶν. αἱ δὲ

ἀπ' ἐλασσόνων η δύο ὄρθαι, ἐκβαλλόμεναι

εἰς ἀπέργον: συμπιπλουσιν. αἱ ἄρχαι αἴσι, γέδος, ἐκ-

βαλλόμεναι, εἰς ἀπέργον, συμπεστήσῃ). Καὶ συμ-

πίστησον, οὐχὶ τὸ παραλλήλος αὐτὰς τατο-

κεῖσθαι. Εἰκάρχαι ανισός ἐστιν η τατο αὐτό: τῇ

τατο

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

τὸν ηθόν. ἵση ἀρχ. ἀλλὰ τὸν οὐθιθέντην ὑπὸ<sup>της</sup> εἰπεῖν τὸν ηθόν. καὶ τὸν εἰπεῖν τὸν ηθόν.  
εἰπεῖν τὸν ηθόν. καὶ τὸν αφορμούσιν, καὶ τὸν Βηθ. αἱ ἄ-  
ρες τὸν εἰπεῖν, Βηθ: τῆς τὸν Βηθ, ηθόντοι  
εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ τὰς τὸν εἰπεῖν, Βηθ, δυσὶν ορθάς εἰ-  
σαι εἰσὶ. καὶ αἱ τὰς τὸν Βηθ, ηθόντοι, δύσὶν ορ-  
θάς εἰσαι εἰσὶν. (Συμπέρασμα.) Η ἀρχαίς  
τὰς παραγγέλλουσας θείας, θείας εμπίπλω-  
σαι, τὰς τε ἀναλλοῦσας γυνίας: ίσαις ἀλλήλαις  
ποιεῖ: καὶ τὰς ἀνδρῶν, τὴν ἀντὶς καὶ αὐτον-  
τῶν, καὶ ἔπει τὰς αὐτὰ μέρη τὸν: καὶ τὰς ἀν-  
τῶν, καὶ ἔπει τὰς αὐτὰ μέρη: δύσὶν ορθάς ίσαις.  
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Πρότερος λ. Θεώρημα.

**Α**Ι τῇ αὐτῇ θείᾳ παράληπτος: καὶ ἀλ-  
λήλαις εἰσὶ παραληπτος.

Εκθεσις.) Εἰσω ἐκάπερ  
τῶν ἀβ, γδ: τῇ εζ, πα-  
ράληπτο. Διορθό-  
μος.) Δέγω ὅπει καὶ ἀβ: ε  
τῇ γδ εἰς παραληπτος. ——————  
(Κατασκευή.) Εμπιπλέ-  
τω γδεὶς αὐτὰς θείας της. (Απόδειξις.)  
Καὶ

Καὶ ἐπεὶ εἰς παράλληλους οὐθέας τὰς ἀβ.,  
ἔξι οὐθεῖς ἐμπέμπεται, η̄ ἦκ. ἵστησαι σχήμα.  
αὐτὸς τῇ ψευδῇ θέλ. πάλιν ἐπεὶ εἴσι τὰς παν-  
εγκλήποντας οὐθέας τὰς ἔξι γδ.: Οὐθεῖς ἐμπέ-  
μπεται πάλιν η̄ ἦκ. ἵστησαι τὴν παρὰ θέλ., τῇ ψευδῃ  
η̄ καὶ ἐδείχθη μὲν αὐτὴν παρὰ θέλ. ὑπὸ θέλ.  
ἵστησαι τῷ παρὰ θέλ. αὐτῷ η̄ καὶ ἐδείχθη:  
καὶ εἴσιν ἐναπόλετοι. παράλληλοι σχήματα η̄  
ἀβ., τῇ γδ. (Συμπλέγμα.) Αἱ σχήματα αὐτῶν  
τῇ οὐθείᾳ παράλληλοι: καὶ ἀλλήλων εἰσὶ πα-  
ράλληλοι, ὅπερ ἔδει δεῖξαί τι.

## Πρότασις λα. Πρόβλημα

**Α**πὸ τῷ οὐθείᾳ σημείῳ: τῇ δοθείσῃ οὐ-  
θείᾳ: παράλληλον οὐθεῖαν γραμμήν ἀ-  
γαγεῖν,

Ἐκθεσις.) Εἰσω τὸ μὲν  
δοθεῖν σημεῖον, τὸ ἄ, η̄ δῆλος  
οὐθεῖσα οὐθεία, η̄ βῆ.

(Διορισμός.) Δεῖ δὴ γίγνεσθαι  
τὸ ἄ σημείον: τῇ γδὲ δι-

γείᾳ: παράλληλον ἐνθεί-  
αν γραμμήν ἀγαγοῦν. (Κατάσκοπη.) Εἰλή-  
φθεῖσθαι τῇ βῆ τούτη σημεῖον τὸ δ: καὶ ε-

D

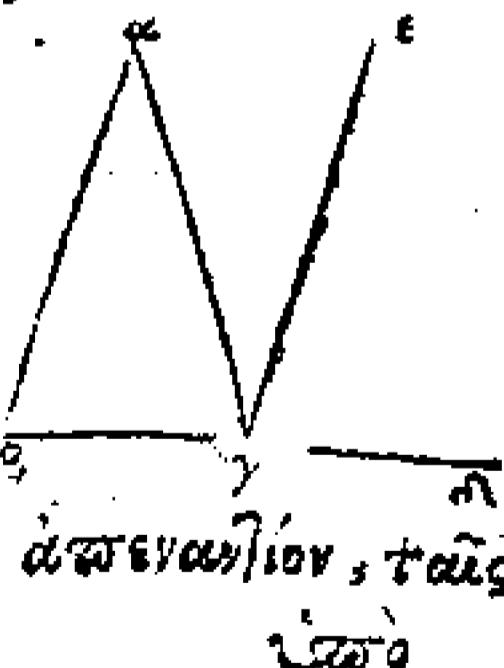
ΒΥΚΛΕΙΔΟΤ

πέξειχθω ἡ ἀδ: καὶ οὐεισάτω τοὺς τῇ δᾶ  
σύθαι: καὶ τὰ πέδησ αὐτῇ σημείῳ τῷ ἀ: τῇ ὑ-  
πὸ τῷ ἀδγ γωνίᾳ: ἵητή τοῦ δαέ: Εἰκόνεις  
θω επ' θείας τῇ ἀε, θείας ἡ αζ. (Από-  
δεξις.) Καὶ ἐπεὶ εἰς δύο ἐνθέας τὰς βγ, εζ:  
ἐνθεῖα ἐμπεσθεῖς ἡ ἀδ: τὰς ἀναλλαξ γωνί-  
ας τὰς τοῦ ἀδ, ἀδγ. ιους ἀλλήλαις πε-  
πόνκεις: παράληλοι ἀρχαὶ εἰς τὴν εζ, τὴν βγ.  
(Συμπέρασμα.) Διὰ τὸ δοθέν οἱ ἀρχο-  
μένου τῷ αὐτῇ δοθείσῃ ἐνθεῖα τῇ βγ: πα-  
ράληλοι οἱ ἐνθεῖα γεαμηνῆιαι η ἀδ. ὅποι  
ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις λβ. Γεώργιον.

**Π**Αῖτος τριγώνος, μᾶς τῶν πλευρῶν ἀφ-  
σει βλαψίσης: ἡ ἀκτὸς γωνία, δυσὶ ταῖς  
ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἰση ἐτί: καὶ αἱ ἐντὸς βγ τρι-  
γώνος τρεῖς γωνίαι: δυσὶν ὄρθως ἴσαι εἰσίν.

Εκθετις:) Εῖναι τριγω-  
νος, τὸ αβγ: καὶ περοει-  
σειλήθω αὐτῷ μία πλευ-  
ρὴ τὸ βγ, οἷτι τὸ δι. (Διο-  
ρισμός.) Λέγω ὅτι η ἐντὸς  
γωνία, η τοῦ αγδι: ιση  
τοῖς διέστη πᾶσι ἀντίον, ταῖς  
τοῦ



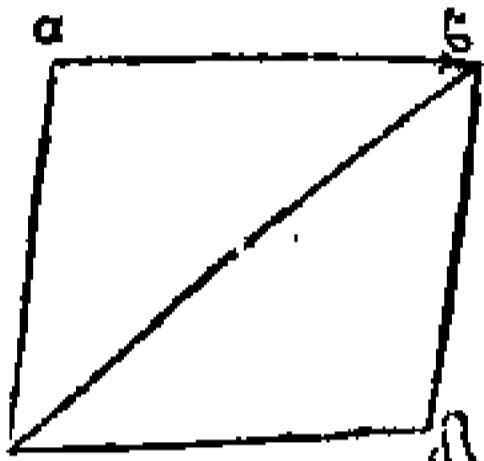
τοῦ γαβ, ἀβγ: καὶ αἱ οὐρὰς τῷ τειγώνου  
τρέπεις γωνίαν, αἱ τοῦ αἴγα, βγά; γαβ: δυ-  
σὶν ὥρθαις ἵσης εἰσὶν. (Καθόκευη.) Ηχθα-  
γή τοιούτη συμέτε, τῇ αἴσθεσία: παράλλη-  
λογή γε. (Απόδεξις.) Καὶ επεὶ παράλλη-  
λός εἶναι τὸ αἴβ, τῇ γε: καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέ-  
πικειν θέλεις οὐδὲ: καὶ οὐτὸς γωνία. Τὸ  
εγδιστικότερος καὶ ἀπεναντίον, τῇ τοῦ  
αἴγα. ἐδάχθη δὲ καὶ τὸ αἴγα: τῇ τοῦ  
βαγή ση. ὅλη ἀρχὴ ὑπὸ αγδόκτος γωνία,  
ἴση εῖτε δυστὸς τοῖς όπλος, καὶ ἀπεναντίον, τοῖς  
ὑπὸ βαγή, ἀβγ. καὶντε περικοίλων τοῦ  
αγβ. αἱ ἀρχές ὑπὸ αγδ, αγβ: τοῖς τοῖς ὑπὸ  
αἴβα, βγά, γαβ, ἵσης εἰσὶν. ἀλλά αἱ ὑπὸ αγδ,  
αγβ: δυστὸν ὥρθαις ἵσης εἰσὶν. καὶ αἱ ὑπὸ αγδ,  
γβα, αἴγα ἀρχα, δυστὸν ὥρθαις ἵσης εἰσὶν. (Συμ-  
πέρασμα.) Παῦτος ἀρχα τειγώνας, μιᾶς τῶν  
τοιευρῶν περιστεκτήσιον: η ὄκτος γωνία,  
δυστὸς τοῖς όπλος καὶ ἀπεναντίον ίση εῖτε: καὶ αἱ  
οὐρὰς τῷ τειγώνας τρέπεις γωνία: δυστὸν ὥρθαις  
ἵσης εἰσὶν. ὅπος ἐδειλεῖται.

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Πρότασις λγ. Θεώρημα.

**Α**Ι τὰς ἴσους τὲ, Εἰ παραλλήλους, οὐ τὰ αὐτὰ μέρη συμπλέγματος, θεῖαν: καὶ αὐτῷ ἴση τὸ καράλληλοι εἰσὶν.

Εκθεσις.) Εἰσωσαι ἴσους τὰ καράλληλοι, αἱ ἀβ, γδ: Εἰ ἐπίγευγνύτωσι αὐτὰς οὐ τὰ αὐτὰ μέρη θεῖαν, αἱ ἀγ, δβ: ισηγόντες καὶ αἱ ἀγ, δβ. (Διορισμὸς.) Δέγωσσι καὶ αἱ ἀγ, δβ: ισηγόντες καὶ αἱ παραλληλοι εἰσὶν. (Κατασκευή.) Επεζεύχθω γδ τὸ βγ. (Απόδεξις.) Καὶ εἰπεῖ παραλληλός εἴτινα ἡ ἀβ, τῇ γδ: καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπλικεν ἡ βγ: αἱ ἐναλλαξ ἀριθμοί, αἱ ὑπὸ ἀβγ, δγδ: ἴσους ἀλλήλαις εἰσὶν. Καὶ εἰπεῖ ἴση εἴτινα ἡ ἀβ, τῇ γδ, καὶ τῇ βγ: δύο δὴ αἱ ἀβ, βγ δυσὶ πάντες βγ, γδ ἴσους εἰσὶν: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, τῷς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσσονται, ἐκάπερ εἰκατέρα ὑφ' αἷς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑπολείγονται. ἴση ἀριθμὸς ἡ ὑπὸ ἀγβγωνία: τῇ ὑπὸ γδ: καὶ ἡ ὑπὸ βαγ: τῇ ὑπὸ γδ.



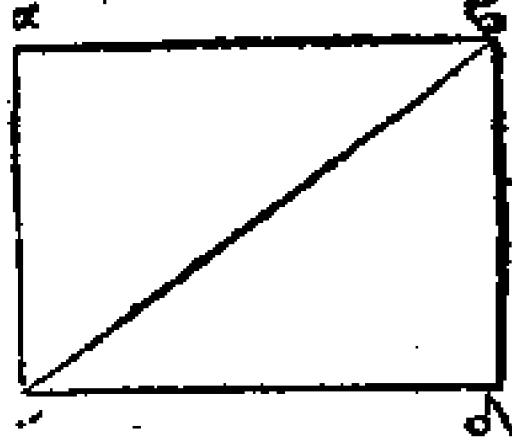
καὶ

καὶ ἐπεὶ εἰς δύο θείας τὰς ἄγ. Βδ: θείας  
ἐμπίπτουσσην βῆ: τὰς ἐναλλαξ γωνίας, τὰς  
ὑπὸ ἄγ. β. γ. βδ: ίσας ἀλλήλαις πεποιηκεν.  
παράλληλοι δέ εἰσιν ἡ ἄγ., τῇ βδ: εἰδέχ-  
θη δ' αὐτῇ καμίση. (Συμπέρασμα) Άι ἄρα  
τὰς ίσας τὲ καὶ παραλλήλους ὅπερ τὰ αὐτὰ  
μέρη ἐπιζευγνύσσου: καὶ αὐτῷ ίσα τὰ καὶ πα-  
ραλληλοι εἰσίν. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

## Πρότασις λδ. Θεώρημα

**Τ**ΩΣ παραλληλογεδάμων χωρίων, αἱ ἀ-  
πεναντίον πλευραί τὴν γωνίαν ίσαν ἀλλή-  
λαις εἰσὶ: Εἴ διάμετρος, αὐτὰ δίχατέ μεν.

Εκθετις.) Εῖσω παραλληλογεδάμων, τὸ ἄγδη,  
διάμετρος ἐστιν, η βῆ.  
(Διορισμὸς.) Λέγω ὅπερ  
ἄγδη παραλληλογεδάμων: αἱ ἀπεναντίον πλευ-  
ραί τὴν γωνίαν ίσαν ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ η βῆ,  
διάμετρος, αὐτὸς δίχατέ μεν. (Απόδεξις.)  
Επεὶ γὰρ παράλληλος ἐστιν ἡ ἀβ τῇ γδ: καὶ  
εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν ἐυθύναι η βῆ. αἱ ἐναλ-  
λαξ ἄρα γωνίας αἱ ὑπὸ ἄγδη, γ. δ, ίσαν ἀλλή-



ΕΥΚΛΕΙΔΟΤ

λαῖς εἰσὶ. πάλιν ἐπεὶ περάληλος ἔστιν οὐδεῖς,  
τῇ βδ., καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπεπλακεν οὐ βῆ, αἱ δὲ  
ἀλλαζόνες αἵ ὑπὸ αὐτοῦ, γέβδ.: ἵστη ἀλλή-  
λαις εἰσὶ. δύο δὲ τοίχωνα εἰσὶ τὰς αἴγε, έδυ,  
τὰς δύο γενίσες τὰς ψεύτας αἴγε, βγά: δύο δὲ  
ταῖς ὑπὸ βγδ., γέβδ.: οὓς ἔχοντες ἐκάτεραν εἰ-  
καλέσθε: καὶ μίσης πλεύσαντι μᾶς πλεύσα-  
ῖσην, πλὴν πέρος ταῦς ισχεις γενίσες κατέλιπαν  
τῶν, πλὴν βῆ. καὶ τὰς λοιπὰς ἀρχαὶ πλευρὰς,  
ταῦς λοιπαὶ ισχεις εἶχες ἐκάτεραν ἐκαλέσθε: καὶ  
τὴν λοιπὴν γενίαν, τῇ λοιπῇ γενίᾳ. Ιση ἀ-  
ρχὴ μὲν ἀβ πλευρὰ, τῇ γέδῃ δὲ αἴγ, τῇ βδ:  
καὶ οὐ ὑπὸ βαγή γενία, τῇ ψεύτῳ βδῷ. καὶ επεὶ  
ίση εἰσὶν οὐ μὲν ὑπὸ αἴγη γενία, τῇ ὑπὸ βγδ:  
οὐδὲ ὑπὸ γέβδ., τῇ ὑπὸ αἴγη. ὅλη ἀρχὴ οὐ ὑπὸ  
αἴγδ, ὅλη τῇ ψεύτῳ αἴγδιση εἰσὶν. ἐδίκιθη τῇ  
οὐ ὑπὸ βαγή, τῇ ὑπὸ βδῷ ιση. (Συμπέρασ-  
μα.) Τῶν ἀρχαὶ παραληλογάμιμαν χωρίαν,  
αἱ ἀπεναντίον πλευραί τε καὶ γενίαν, ἵστη ἀλ-  
λήλαις εἰσὶν. (Διορισμὸς δέπτερΘ.) Λέγω  
δὲ ὅτι, καὶ οὐ Διάκριτες Θ αὐτὰ δίχα τέμνει.  
(Δευτέρα ἀπόδειξις.) Επεὶ γέδηση εἰσὶν οὐ ἀβ,  
τῇ γέδῃ φευγὴ δὲ οὐ βῆ: δύο δὲ αἱ αἴγε, βγή, δύ-  
οι μῆς γέδη, βῆ ιση εἰσὶν ἐκάτερα ἐκαλέσθε,

καὶ

καὶ γωνία ἡ τὸ ἄβγ, γωνία τῇ τὸ βγδ  
ἴση εῖτι καὶ βάσις αρχῆ ἡ ἄγ, βάσις τῇ δβγ  
ἔτικε τὸ ἄβγ τρίγωνον, τῷ βγδ τριγώνῳ  
ἴσου εῖν. (Συμπέρασμα.) Η ἀρχή βγδ  
μετροῦ, διχα τέμνει τὸ ἄβγδ παραλλήλο-  
γραμμον. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

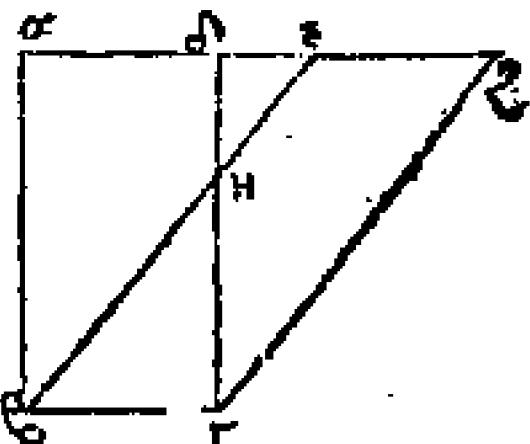
ΤΟ ΤΡΙΤΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ-  
ΤΟΥ ΤΟΥ ΓΟΙΧΕΙΟΥ.

Πρόσοπος λε. Θεώρημα.

ΤΑ παραλλήλογραμμα, τὰ ὅπλα τῆς αὐ-  
τῆς βάσεως οὐτα: καὶ εἰ ταῦτα μάζα  
παραλήλοις: οὐκ ἀλλήλοις εἰν.

Εκθεσις.) Εἰσω παραλ-  
λήλογραμμα τὰ ἄβγδ,  
εβζγ: ὅπλα ταῦτης βά-  
σεως οὐτα τῆς βα: καὶ εἰ  
ταῦτα μάζα παραλή-  
λοις ταῦτας ἀλλ, βγ. (Διο-  
ρεσμὸς.) Λέγω ὅπι ίσου εῖτι τὸ ἄβγδ, τῷ εβζγ.  
(Απόδεξις.) Επεὶ γέ παραλληλόγραμμον  
ἴσι τὸ ἄβγδ: τῇ βγ, ίση εῖν ή ἀδ. Διατὰ αὐ-  
τὰδη καὶ η ἐξ: τῇ βγ ίση εῖν ὥσπε καὶ η ἀδ:

D iii



## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

τῇ εἰσηγένεται. καὶ κεινή τὸ δέ. ὅλη ἀρχὴ τοις ὅλης  
τῇ διεῖσθαι εἰσηγένεται. δέ τοις οὐδὲ Καὶ αὕτη τῇ διεῖσθαι εἰσηγένεται. δύο  
δημοσίεσσι, αὕτη δύο, δύο, πολιτείαις εἰσηγένεται.  
προτεραίᾳ εκάλεσε: καὶ γεωνία τῷ πρώτῳ δύο, γεωνία  
τῇ πρώτῃ διαβεβαίησεται: οὐδὲ κατόπιν τῇ εντος. Βάσις  
ἀρχὴ τοῦ βασιλεύοντος τῷ πρώτῳ διαβεβαίησεται: καὶ τὸ διαβεβαίησεται  
τοις γεωνίαις τῷ πρώτῳ διαβεβαίησεται. καὶ τὸν αὐτόν  
φηρήσεται τὸ διαβατόν. λοιπὸν ἀρχὴ τὸ αὐτοῦ διαβα-  
πέζειον: λοιπὸν τὸ διαβατόν τοις προστείσει, ισον εἶται. καὶ  
τὸν προσκείσθω τὸ πρώτον τοις γεωνίαις. ὅλον ἄρα  
τὸ πρώτον παραδηλώσει τοις γεωνίαις: ὅλως τῷ πρώτῳ  
γεωνίᾳ παραδηλώσει τοις γεωνίαις, ισον εἶται. (Συμπέ-  
ρασμα) Τὰ ἄρα παραδηλώσει τοις γεωνίαις, τὰ ἐπί-  
της αὐτῆς βάσεως οὐδέτερα: καὶ οὐ ταῖς αὐταῖς  
παρατείχοις: οὐδὲ ἀλλού λοις εἶται. ὅπου ἔσται  
θείξαι.

Πράττεις λα, θεώρημα.

**Τ**Α παραλληλόγραμμα, τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων  
βάσεων οὐ (ταῦτα: καὶ) εἰς τῆς αὐτῶν παρα-  
λληλογράμμου αὐτήν λατέσθι.

Εχετος.) Εδω παραληλόγραμα τὰ  
ἄβγδ, ἐξηθέπισσων βάσεων, τῶν βγ, γη,  
καὶ ὃν τῆς αὐτῆς παραλήλοις τῆς ἀθ, βη.  
(Διορυσμὸς.) Λέγω δὲ τούτῳ τὰ ἄβγδ πα-  
ραλ-

εφαντλόγραμμον, τῷ  
ἔγηθ. (Κάδασκόν.)  
Ἐπειδή χθωνιον γένεται  
βέ, γῆθ. (Απόδεξις.)  
Καὶ επὶ ἵστον εἰν τὸ βύ.  
Τῇ ζητεῖται καὶ τῇ ζητεῖται, τῇ  
έθετον ἴστη. καὶ τὸ βύ



Θερ, τῇ έθετον ἴστη. εἰσὶ δὲ παράλληλοι, καὶ  
ἐπειδή γενύτον αὐτὰς αἱ βέ, γῆθ. αἱ δὲ τὰς  
τοις τε οὐ παραλλήλας εἰπὲ τὰ αὐτὰ μέρη έ-  
πειδή γενύτον: ίσαμε τὰς καὶ παραλληλοι εἰσι.  
καὶ αἱ εβ, γῆθ ἀραιόμενα τὰς εἰσι, οὐ παραλληλοι.  
παραλληλόγραμμον ἀραιέτι, τὸ έβγδ: καὶ έ-  
τιν ισον τῷ αβγδ. Βάσιν τὸ γένος αὐτὸν τοις αὐ-  
τοῖς ἔχει τὸ βύ, καὶ στοις αὐτοῖς παραλλή-  
λοις έντι αὐτῷ, τοῖς βύ, αβ. Διὸ τὰ αὐτὰ δὴ  
οὐ τὸ ζητεῖ: τῷ αὐτῷ, τῷ έβγδ, έντιν ισον. οὐτε καὶ  
τὸ αβγδ παραλληλόγραμμον, τῷ έγηθ ισον  
έντι. (Συμπέρασμα.) Τὰ δέρη παραλληλό-  
γραμμα τὰ εἰπὲ τῶν ισων Βάσεων οὐτοῦ, καὶ στοι-  
σις αὐτοῖς παραλλήλοις: ίσαι ἀλλήλοις έντιν.  
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

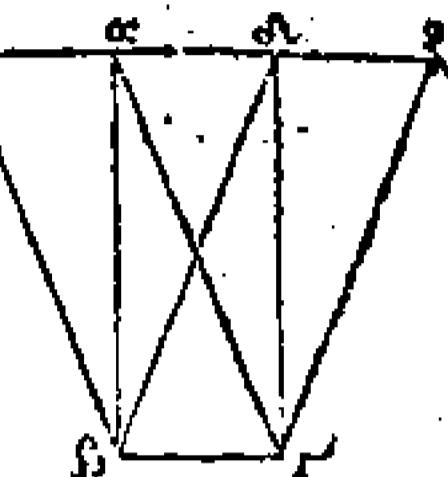
Πρότασις λ. Φεώρημα.

D γ

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

**Τ**Α τρίγωνα, τὰ δὲ τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντα  
καὶ καὶ τοῖς αὐτοῖς παραλλήλαις: οὐκ  
ἄλλοις εἰσίν.

Εκφεσις.) Εἴσω τρίγωνα εἰ-  
ταὶ αβγ, δὲ γε, δέποτε αὐ-  
τῆς βάσεως ὅντα τῆς βγ:  
καὶ τοῖς αὐτοῖς παρα-  
λλήλοις, ταῦς δὲ, βγ. (Διό  
εισμὸς.) Λέγω ὅπερι συ-  
νιέ-  
δι τὸ αβγ τρίγωνον, περὶ δὲ βγ τρίγωνω. (Κα-  
τασκευη.) Εκβεβλήθω ἡ διάφορη παρα-  
τάξις, δέποτε τὸ διάγονον μεταξὺ τῶν  
εἰς τὴν γραμμὴν παραλληλούς τοῖς θεώντων: Μάζα δὲ τὸ  
βγ, τὴν δὲ παραλληλούς τοῖς θεώντων τὸ διάγονον.  
(Από-  
δεξις.) Παρεχθεῖσα παραλληλογράμμον ἄρετον εκά-  
προν τῶν εβαγ, δέγυζ. καὶ οὖν τὸ εβγά, πα-  
ραβγζ. δέποτε τὸ δὲ αὐτῆς βάσεως εἰσὶ τὸ εγ:  
καὶ τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις τοῖς διαγόνοις εἰσὶ. Καὶ  
εἰ τὸ μὲν εβγά παραλληλογράμμον πριν συ-  
ντεθῆ αβγ τρίγωνον, ηγέρεται διάμετρος αὐτὸ-  
ς δίχα τέμνει. τὸ δὲ διάγονον παραλληλογράμ-  
μον, πριν συντεθῆ δὲ βγ τρίγωνον, ηγέρεται διάμε-  
τρος αὐτὸς δίχα τέμνει. τὰ δὲ τῶν σων η-  
μέσου: οὐκ ἄλλοις εἰσίν. οὖν ἀρχεῖστι τὸ αβγ  
τρίγω-



τριγωνού, τῷ διπλῷ περιγάνω. (Συμπέρασμα.) Τὰ δὲ στρίγωνα, ἀπό τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις τοις ἀντίκτοις εἰναι. Οὗτοι εὖλοι δέ εἰσι.

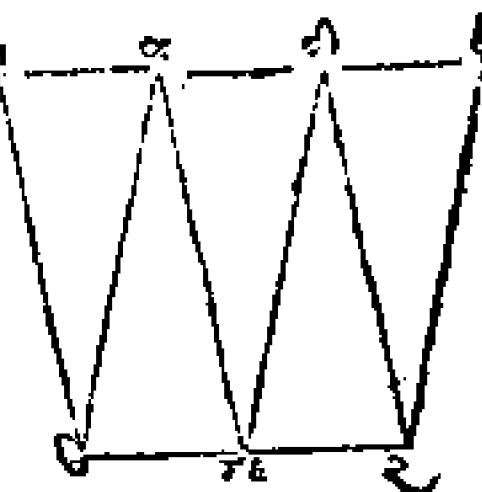
### Πρότασις λη. Θεώρημα.

ΤΑ τρίγωνα, τὰ δὲ ἀπό τῶν ἕστων βάσεων ὅπου καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις τοις ἀντίκτοις εἰναι.

Εκθετις.) Εῖσαν τρίγωνα τὰ αὐτὰ, δέξασθαι τῶν βάσεων ὄντα, τὸν βῆμα, δέξασθαι τοὺς αὐτοὺς παραλλήλοις, τῷ βῃδίᾳ.

(Διορισμὸς.) Λέγω δέ

πίσσον εἶναι τὸ αὐτὸν τρίγωνον, τῷ δέξασθαι τριγώνῳ. (Καθορεύεται.) Εκβεβλήθω γάρ οὐδὲ φέρεται τὰ μέρη, ἀπό τὰ ηθούς: καὶ Διάμητρος, τῇ γὰρ παραλληλῷ πήχθω, οὐ βῆται δέ τῷ, τῷ δέ παραλληλῷ πήχθω οὐδὲ θ. (Απάδειξις.) Παραλληλόγραμμον ἄρα εἴναι εκάπερον τῶν ηθυά, δέξθαι τὴν τὸ ηθυά, τῷ δέξθαι. Μήπε γάρ τῶν βάσεων εἴναι τὸν βῆμα, δέξασθαι τοὺς αὐτοὺς παραλλήλοις ταῖς βῃδίαις.



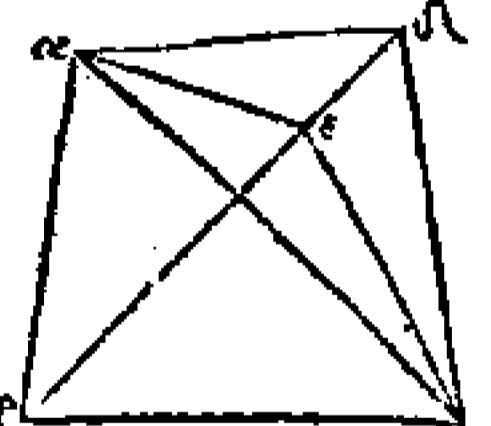
## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

ηθ. καὶ ἔστι τῷ μὲν ἑβγά περιλογχάμιον, πέμπτον, τὸ ἀβγυτείγων. ἡ γὰρ ἀβδικήμετρο<sup>Θ</sup>, δίχα αὐτὸν τέμνει. τῷ δὲ δεξιῷ, παραληλογχάμιον, πέμπτον τὸ λεῖδον τείγωνος: ἡ γὰρ ζεῖ, οὐδίμετρο<sup>Θ</sup> δίχα αὐτὸν τέμνει. τὰ δὲ τῶν ἕτερων ἡμίσυαν ἀλλήλοις ἔχειν. οὐσιαίρα ἐξ τὸ ἀβγυτείγων, περὶ δεξιγώνω. (Συμπέρασμα.) Τὰ ἄρα τείγωνα, τὰ ἐπὶ τῶν ἕτερων βάσεων ὅντε: καὶ σὺ τοῦς αὐτοῖς παραλλήλοις: οὐσιαίρας ἀλλήλοις ἔχειν. οὗτος ἔδει δῆξαι.

### Πρότασις λ. θ. Γεώργια.

**Τ**Αῦταὶ τείγωνα, τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντε: Κέπτε τὰ αὐτὰ μέρη: Κέπτε τοὺς αὐτοῖς παραλλήλους ἔχειν.

Εκθεσις.) Εῖσω τείγωνα ἵστατε, δέγη, ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντα, τὸ βῆ. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅποι καὶ σὺ τοῦς αὐτοῖς παραλλήλους ἔχειν. (Κατασκευὴ.) Επεζύγιχθω γέλητο. (Διορισμὸς τῆς τῆς κατασκευῆς.) Λέγω ὅποι παραλληλούς εἶναι γέλητο, τῇ γῇ. (Υπόθεσις.) Εἰ γὰρ μὴ, πάχθω



τῆς θεωρίας τῆς απομείνει, τῇ βῆσθείᾳ παράλληλη λόγοι καὶ επεξέργασθε ἡ τοῦ. (Ἀπόδεξις.) Ισον ἀρχεῖτο τὸ αἴγυρούγων, τῷ εἴγυρούγων. Εἰςτιν γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως ἐντὸς αὐτῆς τῇ βῆσθείᾳ παραλλήλοις τῆς εἴγυρούγων, αεὶ ἀλλὰ τὸ αἴγυρον δὲ τὸ εἴγυρον. Καὶ τὸ διβῆσθείᾳ παραλλήλοις τῷ εἰλάτιον. ὅπερ ἀδικώσατον. Σόκος ἀρχείᾳ παραλλήλοις ἐντὸς τῆς αἴγυρούγων. Ομοίως δὴ δείχουμεν: ὅπος δὲ ἄλλη τίς σκληρὸς ἀδ. οὐτὸς ἀρχείᾳ, τῇ βῆσθείᾳ παραλλήλῳ. (Συμπέρασμα) Τὰ ἀραιόνα τρέματα, τὰ εἰπὸν τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντε: καὶ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐντὸν. ὅπερ ἔδει δεῖχα.

### Πρότατος μὲν θεώρημα.

**Τ**Αῖσιν τρέματα, τὰ ἔως τῶν ἴσων βάσεων ὅντα: καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη: καὶ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐντὸν.

Εκθεσις.) Εἶναι τρέματα ἀλλα, τὰ αἴγυρον, γέδει, ἐπὶ ἴσων βάσεων ὅντα τῶν βῆσθεών, γέδει. (Διοργομός.) Λέγω ὅτι καὶ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐντὸν. (Κάτασκεψή.) Επεξέργασθε γὰρ ἡ αἴγυρος τῆς κατασκεψῆς. (Διοργομός τῆς κατασκεψῆς.) Λέγω ὅ-

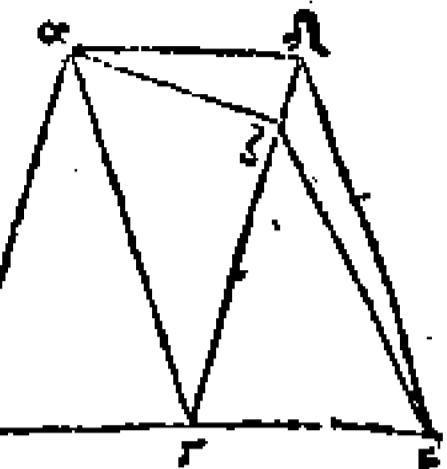
ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

τὰ παράλληλα ἔντεν ἡ  
ἀδ., τῇ βέ. (Τπόθεσις.)  
Εἰ καὶ μὴ τὸ οὐκέται τοῖς  
τῇ βῃ παράλληλα ἔντεν  
ζα. καὶ εἴπεις οὐκέται τοῖς  
(Απόδειξις.) Ισούνται εῖτι  
τὸ αὐτογένειον, τὰ δὲ τριγώνων. Πάντες γοῦν  
τοῖς βάσεων εἰσὶ τῶν βη̄, γε: καὶ εἰ τοῖς αὐ-  
τοῖς παραλλήλοις τοῖς βη̄, καὶ. ἀλλὰ τὸ αὐτο-  
τούργειον, ισούνται, τὰ δὲ τριγώνων. καὶ τὸ  
δύτε τούργειον οὐκέται, τὸ δὲ τριγώνων.  
τὸ μεῖζον, τοῦ ἐλάσσονος: ὅτῳς ἀδικεῖτον. οὐκ ἀ-  
ρα παράλληλα ἔντεν ἡ αἱ, τῇ βῃ. Ομοίως  
δὴ δεῖξομεν, οὐτὶ δὲ ἄλλη τοῖς παλεύει τῆς ἀδ-  
η̄ ἀδάρα τῇ βῃ παράλληλος ἔτι. (Συμπέ-  
ρασμα.) Τὰ ἄραισα τριγώνα: τὰ εἰσὶ τῶν  
τοῖς βάσεων ὄντας: Εἰ εἰ τοῖς αὐτοῖς εῖτι πα-  
ραλλήλοις. ὅτῳς ἔδει δεῖξαι.

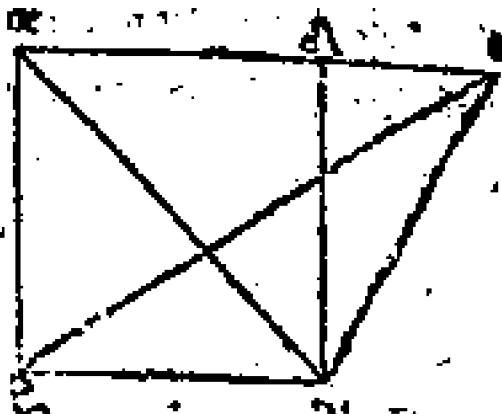
Πρότετος μα. Θεώρημα.

**Ε**άν παραλληλόγραμμον, τριγώνων βάσιν  
τε ἔχει τοὺς αὐτοὺς: καὶ εἰ τοῖς αὐτοῖς πα-  
ραλλήλοις ἡ: διπλάσιον ἔσαι τὸ παραλλη-  
λόγραμμον τὸ τριγώνον.

Εκθεσις.) Παραλληλόγραμμον γοῦν τὸ αὐ-  
τὸν



γδ, τεργάνω ταῦθις.  
Θάσιν τε ἔχεται τὰς αὐτὰς τὰς βγ, καὶ ὃς τὰς αὐτὰς ἔιναι παραλλήλοις τὰς βγ, αε. (Διορισμὸς.)  
Δέγω δὲ πιστάσιον ἐν τῷ



ἀβγδ, παραλληλόγραμμον, τὸν βεγ τριγώνῳ. (Κατασκευὴ.) Επεζύχθω γῆγάγ. (Απόδεξις.) Ισσον δὴ ἐν τῷ ἀβγτριγώνῳ, τῷ εἶγ τριγώνῳ. επὶ τῷ γῇ τῷ αὐτῷ βάσεως ἐν τῷ αὐτῷ, τῷ βγ: καὶ σὺ τὰς αὐτὰς παραλλήλοις τὰς βγ, αε. ἀλλὰ τὸ ἀβγδ παραλληλόγραμμον: διπλάσιον ἐν τῷ ἀβγτριγώνῳ. οὐδὲ ἄγ διάμετρος: αὐτὸς δίχαλεμνδ. ὡς τὸ ἀβγδ παραλληλόγραμμον, καὶ τὸ βγ τριγώνῳ ἐν τῷ πιστάσιον. (Συμπέρ.) Εάν ἀρα παραλληλόγραμμος τριγώνῳ θάσιν τε ἔχει τὰς αὐτὰς: καὶ ὃς τὰς αὐτὰς παραλλήλοις η: πιστάσιον ἐν τῷ παραλληλόγραμμον τριγώνῳ. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

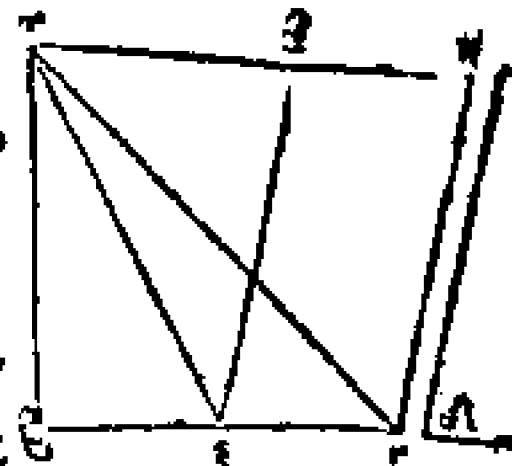
Πρότασις μὲν. Πρόβλημα.

**Τ**Ω δεῖται τριγώνῳ, ίσσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι: σὺ τῷ δοθέσθαι εὐθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Εκθεσις.) Εἰναι τὸ μὲν δοθέν τριγώνου, τὸ  
: ἀβγ:

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

ἀβγ. οὐδὲ διθεῖσα θύ-  
χαμφρόγωνία, οὐ δέ  
(διορισμὸς.) Δεῖ δή τι  
ἀβγ τριγώνων: οὐν πα-  
ραλληλόγραμμον συνί-  
σκεται ση τῇ δίγωνίᾳ



θύχαμφράμω. (Καθορισμό.) Τελιμόθω π  
βγ δίχακτὰ τὸ εἰκόνης περίγραμμαν αεισε-  
πεισάτω πέδος τῇ εὐθίεια: καὶ τῷ πέδος  
αὐτῇ συμείω τῷ εἰκόνῃ δίγωνίᾳ, οὐ ηττά-  
γεται. καὶ μηδὲ μὴ τῷ α: τῇ εὐθὺ παραλληλό-  
γράμμῳ αποτελέσθη, τῇ γέ ταράληλό-  
γράμμῳ γη. παραλληλόγραμμον ἀρχεῖται, τὸ  
ζευγῆ. (Απόδειξις.) Καὶ επειδὴ ιστέται η θε-  
τῇ εὐθύνοντες τὸ αβγ τριγώνων, τῷ αει-  
πεισάτω. ἐπί τε γενίσων βάσεων τῶν βέ-  
τριγώνων. εἰς τῷ πάντας παραλλήλοις τῷ βγ,  
αποτελάσσοντες τὸ αβγ τριγώνων, γέ-  
αεγ τριγώνων. Εἴτε δὲ καὶ τῷ ζευγῆ παραλληλό-  
γραμμον, διπλάσιον γέ αεγ τριγώνων. Βάσιν  
τε γενίσων τῷ πάνται εχει: καὶ εἰς τῷ πάντας αποτελάσ-  
σοντες παραλλήλοις. οὐν ἀρα εῖται τὸ ζευγῆ  
παραλληλόγραμμον, τῷ αβγ τριγώνων: καὶ  
ἔχει τῷ ιππὸ ζευγώντας. ισκεται τῇ δί. (Συμ-  
πέδον)

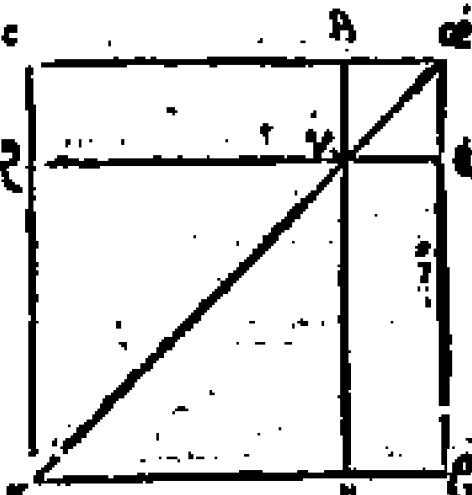
πέρσημα.) Τῷ περὶ δοθέντη τριγώνων τῷ  
ἀβγῷ: οὐδὲ παραλληλόγραμμον συνεσάθη  
τὸ ζεύγη: οὐ γάνια τῇ παρέζεγ, οὐδὲν οὐ τῇ  
διάγνωστοι ποιῆσαι.

Προτάσσει μή. Διώρημα.

**Π**λευτὸς παραλληλόγραμμος, τῶν αὐτοῖς τῷ  
διάμετρος παραλληλόγραμμον: τὰ πα-  
ραλληλόγραμματα ἄλλοις εἰν.

Ἐκδεσίς.) Εἶναι παραλληλόγραμμον, τὸ  
ἀβγόδ: διάμετρος δὲ αὐτός; οὐ διγωνεῖ τῷ  
ἄγ, παραλληλόγραμ-  
μα μὴ εἴναι τὰ έθ, ζη: τὰ  
δὲ λεγόμενα παραλλη-  
λόγραμμα, τὰ βκ, κδ. (Διο-  
ρισμός.) Λέγω διπλάσιον ε-  
ί τὸ βκ παραλληλόγρα-  
μμα: τοῦ κδ παραλληλόγραμμα. (Απόδεξίς.)  
Επειδὴ παραλληλόγραμμον εἴ τὸ ἀβγόδ:  
διάμετρος δὲ αὐτός οὐδὲ αὐτός οὐδὲ τῷ  
τείγωνος, τοῦ κδ γέγονε. πάλιν δηλώνει τὸ  
εκθα παραλληλόγραμμον εἴ: Διέμετρος  
οὐδὲ αὐτός οὐδὲ αὐτός οὐδὲ τῷ αὐτῷ  
τείγονα. καὶ τὰ αὐτὰ δῆλον τὸ κδ γέγονε.

Ε



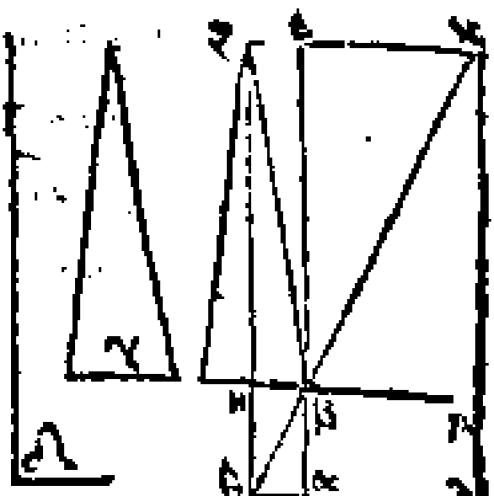
## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

νού, τελικού ἐστιν οὐν. ἐπεὶ δὲ τὸ μὴ ἀεκ τρίγωνον, τὸ ἄθετο γέγοντα ἐστιν οὖν, τὸ δὲ κλειδόν, τὸ κηρύξ. τὸ δὲ τρίγωνον μετὰ τὸ κηρύξ, εἰσιν τὸν τὸν αὐτὸν τρίγωνον, μετὰ τὸ κλειδόν τρίγωνον. ἐντὸς δὲ κλειδοῦ ὅλου τὸ αἴβυ τριγώνων, ὅλῳ τῷ ἀδυτίῳ. λοιπῶς ἀρχεῖ τὸν παραπλήρωμαν, οἵσον εἰσὶ, τὸ βῆμα παραπλήρωμα. (Συμβάλλεται σύμφωνο.) Παῖδος ἀρχεῖ παραπλήρωμα μεταβαλεῖ τὸν παραπλήρωμαν παραπλήρωμαν: τὰ παραπλήρωματα: οἱ αἱλοις εἰσὶν. ὅποις ἔδει δεῖξαι.

Πρότατος μὲν. Πρόβλημα.

**Π**αῖδες τὸν δοθέντον εύθετα: τὸ δοθέντον τρίγωνον: οἵσον παραπληρώματον παραβαλεῖν: οὐ τῇ διθείσῃ γωνίᾳ εύθυγάρμων.

Ἐκθετος. Εῖσω η̄ μὲν δοθέντον εύθετα, η̄ αἴβη: τὸ δὲ δοθέν τριγώνον, τὸ γάρ η̄ δὲ δοθέντον γωνία διθύγαρμο, η̄ δ. (Διορισμός.) Δεῖ δὴ παρὰ τοις δοθέντον εύθετα τὸν αἴβην τριγώνων τοὺς



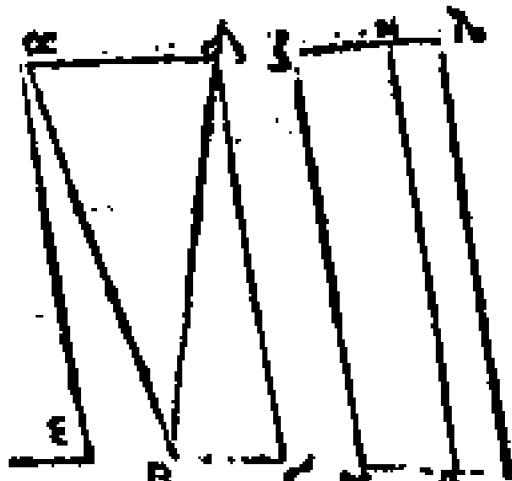
τῷ τῷ γέ : ἵστη παραληπόγραμμον περιβο-  
λεῖν, οὐ ση τῇ δύναται. (Κατασκευή.) Σωσ-  
τάτω τῷ γέ τειχών : ἵστη παραληπόγραμ-  
μον ρέ βέζη : οὐ γωνία, τῇ πάντας, η εἰν τῷ  
τῇ δικαίῳ καί θανάτῳ εἰστε : δύθείσις εἶναι τῷ  
τῷ, τῇ αριστῇ διάκριθων τῇ, οὐδὲ τῇ θεοῖ αἱρεῖται  
α, ὅποτέρα τῶν βη, εἰ : παραλληλογράφων  
αθηναὶ επεζεύχθων θεοῖς. (Απόδειξις:) Καὶ  
ιπεῖς εἰς παραλλήλους τὰς αθ., εἰ : δύθεια εἴρη-  
πέπικαν ηθοῦ. αἱ ἀρχαὶ πάντας αθοῦ, θεοὶ γωνίαι:  
δύσιν ὄρθοις ισημείοις. αἱ ἀρχαὶ πάντας θεοῦ, ηθοῖς  
δύσιν ὄρθοις ἐλάσσονες εἰσιν. αἱ διεπάντας  
σόνων, η δύσιν ὄρθοις : εἰς ἀπόρου ἐκβαλλόμενα,  
συμπίπτουν. αἱ θεοῦ, ζε, ἀρχαὶ ἐκβαλλόμενα,  
συμπεστῶνται. (Κατασκευῆς τοῦ ἔπερον μέρος.)  
Ἐκβεβλήθωσιν καὶ συμπίπτωσιν, καὶ τὸ καὶ  
καὶ αἱ τὰς πομείς, ὅποτέρεσ τῶν εἰς, θεοῖς πα-  
ράληλογράφων ηθοῖς καὶ : καὶ ἐκβεβλήθω-  
σιν αἱ θεοῦ, ηθοῦ, οὐδὲ τὰ λαμπεῖα. (Απόδει-  
ξεως τοῦ ἔπερον μέρος.) Παραληπόγραμ-  
μον ἀρχαὶ εἰσὶ τὸ θλικός : αἱ ἀρχαὶ τοῦ διεπάντας  
θεοῦ · αἱ διεπάντας θεοῦ, παραληπόγραμμον μέρος, τὰ  
πάντα, μέρε : τὰ διεπάντας λεγόμενα παραληπάραμα (σ.  
λ.β., β.γ.). ισοτιχίας εἰσὶ τὸ θεοῦ, παραληπάραμα

## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ.

τὸ βῆ, τῷ γάρ τριγώνῳ ἐστὶν ἕσσον. καὶ λέπτος  
τῷ γάρ, εἰς τὸν ἕσσον. οὐδὲ ἔπειται ἐστὶν οὐτὸς τὸ ηὗ  
γωνία τῇ πατέρᾳ αἴθμι αλλὰ τῷ πατέρᾳ ηὗ, τῇ δὲ  
ἐστὶν ίση: καὶ οὐτὸς αἴθμι, τῇ δὲ γωνίᾳ εἰς τὸν ίσην.  
(Συμπτέρος μηδ.) Παρὰ τῷ δοθέντοις ἄριστοις  
δοθένται τῷ αἴθ: τῷ δοθέντι τριγώνῳ τῷ γάρ:  
ἴσου παραλληλόγραμμον παραβίβληται τὸ  
λεῖ: ὃν γωνία τῇ πατέρᾳ αἴθμι, ηὕτων τῷ τῇ δὲ  
οὐδὲς ἔμεται ποιήσει.

Πρότατος με. Πρόβλημα.

Τῷ δοθέντι δίγυράμμῳ, οἴσου παραλλη-  
λόγραμμον συνήσπειδαν: ὃν τῇ δοθέντῳ  
δίγυράμμῳ γωνία.

Εκθεσις.) Εἶσω τὸ δοθέν , δίγυράμμον, τὸ αἴγυδ: οὐδὲ δοθέντοις γωνίαις δίγύραμμῷ, ηὕτω. (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τῷ αἴγυδ δί-  
γυράμμῳ: οἴσου παραλ-  
ληλόγραμμον συνήσπειδαν, ὃν τὸν γωνία τῇ δὲ.  
(Κατάσκευή.) Επεζύχθω γὰρ οὐδὲ οὐδὲ: καὶ συ-  
νεισάτω τῷ αἴγυδ τριγώνῳ: οἴσου παραλληλό-  
γραμμὸν, τὸ ζῷ: ὃν τῇ πατέρᾳ θήξει γωνία, οὐδὲ

τὸν ἴον τῇ εἰς: καὶ παράβεβληθε παρὰ τῷ  
ῆθι οὐθέναι, τῷ δὲ βῆτῃ τριγύνων: ἵσσον παράπλαι-  
ληλόγραμμον, τῷ τῷ μ., σεῖτῇ τῷ τῷ ηθῷ γωνίας,  
ἥτις ἴον τῇ εἰς (Απόδειξις.) Καὶ ἐποίησε γω-  
νία, ἐκφέρα τῶν τῷ θηλήθιαν ἔστιν: καὶ  
τῷ τῷ τῷ ηθῷ αἴρα τῇ τῷ θηλήθιαν ἔστιν. καὶ  
αποσκίαθε, ἡ τῷ τῷ ηθη. αἱ αἴρα τῷ τῷ θηλήθ,  
ηθη: ταῦς τῷ τῷ ηθη, ηθμ, ἰσαμ εἰσὶν, ἀλλ' αἱ υ-  
πὸ ηθη, ηθμ δύσιν ὄρθαις ἰσαμ εἰσὶν. πέρις  
δὴ την οὐθεία, τῇ ηθ: Καὶ πέρις αὐτῇ σημείω-  
τῷ θ: δύσι οὐθείαν αἱ ηθη, ηθμ, μητέπει τὰ αὐτὰ  
μέρη κείμενα: τὰς ἐφεξῆς γωνίας δύσιν ὄρ-  
θαις ἰσαμ ποιῶσιν. ἐπειδὴ οὐθείας ἄρα εἶναι η ηθη,  
ηθη ηθη. καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλων τὰς ηθη, ηθη, οὐ-  
θείας ἐνέποσεν η ηθη: αἱ ἐναλλήλαις ἄρα γωνίας, αἱ  
ὑπὸ μηθη, θηλήσιας ἀλλήλους εἰσὶν. καὶ τὴν απο-  
κείμενη τῷ θηλή, αἱ αἴρα τῷ τῷ μηθη, θηλή,  
ταῦς τῷ τῷ θηλή, θηλή, ἰσαμ εἰσὶν. ἀλλ' αἱ τῷ  
μηθη, θηλή, δύσιν ὄρθαις ἰσαμ εἰσὶν. καὶ αἱ τῷ  
θηλή, θηλή ἄρα δύσιν ὄρθαις ἰσαμ εἰσὶν. ἐπειδὴ οὐ-  
θείας ἄρα εἶναι η ηθη, τῇ ηθη. καὶ ἐπεὶ η ηθη τῇ  
θηλή, ἰση τε καὶ παραλληλός ἐστιν, ἀλλὰ Καὶ η ηθη  
τῇ μηθη. Καὶ η ηθη ἄρα τῇ μηθη τῇ ηθη παρα-  
λληλός ἐστιν: καὶ ἐπειδὴ μηθη ταῦς οὐθεία,

## ΒΥΚΑΒΙΔΟΥ

αὶ καὶ, οὐκέτι αἱ κλ., τούτη τὲ εἰς παράλληλος εἶσι. παράλληλογράμμων ἔσται τὸ κλῆρον. Καὶ επεὶ οὐκέτι τὸ μὲν ἀβδόγράμμων, τὸ δὲ παράλληλογράμμων: τὸ δὲ παράλληλον, οὐλον ἔσται τὸ ἀντίθετον τοῦ παράλληλογράμμου, οὐλῶν τὸν κλῆρον παράλληλογράμμων, οὐκέτι. (Συμπέρασμα.) Τῷ ἀριθμῷ διηγράμμων τοῦ παράλληλογράμμου συίσκεται τὸ κλῆρον: Καὶ γωνία τῇ θεοῖς τοῖς κλήροις εἰσιν τῇ δοθέντῃ τῇ. Οὐδὲ εἶδει ποιησα.

## Πρότασις μη. Πρόβλημα.

**Α**πὸ τῆς δοθέντος λίθεως περγάμων ἀναγράψατε.

Εκθεσις. Εῖναι ἡ δοθεῖσα λίθεια, η ἀβ. (Διογέτης.) Δεῖ δὴ δοτὸ τὸν λίθειαν περγάμων ἀναγράψατε. (Κατασκευή.) Ηχθω τῇ ἀβλίθειᾳ δοτὸ τὸν περγάμον αὐτῇ σημείῳ τῷ α: περγάμος ὄρθεση ἀγκυρόν κοίτω τῇ ἀβίσιῃ, η ἀδ: οὐκέτι μέρος τῷ δ σημείῳ: τῇ ἀβ. παράλληλον ηχθω, η δὲ: οὐκέτι μὲτε τῷ β σημείῳ, τῇ αδ παράλληλον ηχθω,

η βσ.

νή βέ. (Απόδειξις.) Παραλληλογράμμων  
αριθμού τὸ αδεβ. ἵσταται εἰς προθύρον, τῇ δὲ  
ηὐδεῖ αδ; τῷ βέ. ἀλλὰ καὶ η ἄδ, τῇ αδ εἰς τὴν  
οη. αἱ τέσσαρες ἄραιαι Γά, αδ, δέ, Βε: οὐκέτι  
λήλαυς εἰσὶν. ισόπλευρον ἄραιεῖ τὸ αδεβ  
παραλληλογράμμων. (Διορισμὸς διάπε-  
ρ(Θ):) Λέγω δὴ ὅτι καὶ ὄρθογώνιον. (Απόδε-  
ιξις.) Εἰσὶ γὰρ εἰς παραλλήλους τὰς ἄδ, δέ: Κα-  
θεῖα ἐπέσεν η ἄδ. αἱ ἄραιαι τὸ βαδ, αδε-  
γωνίαι: δυσὶν ὄρθαις οὐκέτι εἰσὶν. ὄρθη δὲ η ὑ-  
πὸ βαδ. ὄρθη ἄραιαι η τῶν αδε. τῶν δὲ  
παραλληλογράμμων χωρίων, αἱ ἀστραφί-  
ον πλεύραι τε Γωνίαι: ισαὶ ἀλλήλαις εἰσὶν.  
ὄρθη ἄραιαι ἐκάπορε τῶν ἀπεναντίον τῶν ὑ-  
πὸ αδε, βεδ γωνῶν. ὄρθογώνιον ἄραι εἰς τὸ  
αδεβ. ἐδέχθη δὲ καὶ ισόπλευρον. (Συμπέ-  
ρασμα.) Τετράγωνον ἄραιεῖ: καὶ εἴτιν διπό  
τῆς ἄβ διθίας ἀναγραμμένον. Ὅπερ εἶδε  
ποιήσας.

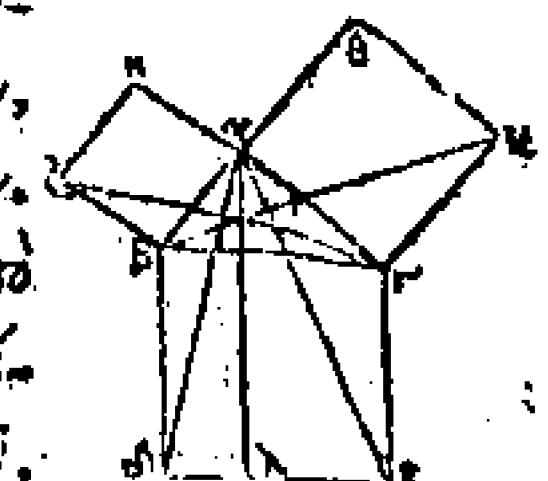
## Πρόταση μζ. Θεώρημα.

**Ε**Ν τοῖς ὄρθογώνιοις τετργώναις, τὸ διπό τῆς  
τιμὴ ὄρθεις γωνίαι τωστεινάσοις πλεύ-  
ραις πτεράγωνον: ισανεῖ, τοῖς διπό τῶν τιμὴ<sup>ς</sup>  
ὄρθεις γωνίαις πεπειχθσῶν πλεύρῶν τετρα-  
γώνοις.

E iiij

ΕΤ ΚΛΕΙΔΟΥ

Ἐκθεσις<sup>\*)</sup>) Εῖναι τούτη  
νον ὄρθογάνων, τὸ ἀβγ.,  
ὅρθια ἔχονταί ὑπὸ Βαγ. (Διορισμός.) Λέγωντο  
Στὸ τὸ βῆ τοπογράφων,  
οὐ εἰς τοῖς στὸ τῶν βᾶ, τὰ  
τὰ γὰρ τοπογράφων.



(Καθοκόδη.) Απεζη-  
γράφθω γὰρ στὸ μὴ τὸ βῆ τοπογράφων,  
τὸ βδυῖε: στὸ μὲ τῶν βᾶ, αγ: τὰ ἡβ, θῆ: τῷ  
διῆ τῷ α, ὅποιερα τῶν βδ, γε, παράλληλος  
τίχθω τὸ λεπτοῦ μήχθωσαν αἰαδ, γ. (Α-  
πόδεξις.) Καὶ ἐπεὶ ὄρθη ἐστιν ἐκάτερα τῶν  
τῶν βᾶ, βᾶν γωνιῶν: πέδης δῆτι τοι τοῦ δύτεια,  
τὴ βᾶ: καὶ τῷ πεδὲ αὐτῇ σημείῳ τῷ α: δύο  
δύτεια: σὲ αγ, αη: μὴ εἴσι τὰ αὐτὰ μέρη κείσ-  
μεναι: τὰς ἐφεξῆς γωνίας, δύσιν ὄρθους οὖσας  
πατέσιν, επ' δύτειας ἀραιεῖσθαι γα, τῇ αη. διὰ  
τὰ αὐτὰ δη καὶ ἀβ: τῇ αθ, εἰσιν εἰς δύτειας:  
καὶ ἐπὶ τοι εἰσιν τὸ δβῆ γωνία, τῇ τοῦ  
ζεῖα. ὄρθη γε ἐκάπερα κειται ποσκείσθω τὸ  
πὸ αῖσγ. ὅλη ἀραιή τὸ δβα: ὅλη τῇ τοῦ  
ζεῖγ εἰσιν τοι. καὶ ἐπεὶ δύσιν δβ, βα: δυσὶ τοῖς  
βζ, γγ ιοι τοῖσιν, ἐκάπερα ἐκάτερα: καὶ γω-  
νίαι τὸ δβα γωνίᾳ τῇ τοῦ ζεῖγ, τοι τοῦ

τὸν. Βάσις ἀρχὴ ἀδ. Βάσις τῇ ζῆται εἰς γένος: καὶ  
τὸ ἄβδος τριγωνού, τῷ ζήτητριγώνῳ εἰς τοῖς  
κατεῖται τῷ μὲν ἄβδος τριγώνῳ, διαλάσιον τὸ  
ΒΛ παραληπλόγραμμον: Βάσις τὸ γένος τὸ  
αὐτὸν ἔχει τὸν Βδ: καὶ τὸν τῆς αὐτῆς εἰσὶ<sup>ν</sup>  
παραληπλόγραμμοι, τῆς Βδί, ἀλ. τῷ δὲ Βζή τρι-  
γώνῳ: διαλάσιον εἶται τὸ ηθοντριγώνον. Βάσις  
τὸ γένος πάλιν τὸν αὐτὸν ἔχει, τὸν Ζβ: καὶ τὸ<sup>ν</sup>  
ταῦς αὐτῆς παραληπλόγραμμοι εἰσὶ, ταῦς Ζβ, ηγ.  
τὰ δὲ τῶν ισων διαλάσια: οὐαὶ ἀλλόγραμμοι εἰσὶ.  
ἴρων ἄρα εἰς τὴν τὸ Βλ παραληπλόγραμμον,  
τὸν ηθοντριγώνον. Ομοίως δὲ ηπιζήμυτο-  
μέων τῶν ἀε, Βη: δεκτήθησεν καὶ τὸ γλ πα-  
ραληπλόγραμμον, οὐαὶ τὸ θή τριγώνον. ὅ-  
λον ἄρα τὸ δέρεγον τριγώνον: δυσὶ τοῖς ηθοῖς,  
θή τριγώνοις, οὐαὶ τὸν τὴν Βδεγον τριγώνον:  
δέρεται τῆς Βζή αἰδαυραφέτη, τὰ δὲ  
Ζβ, θή δέρεται τῶν Βα, ἀδ. τὸ ἄρα ἀντὸ τῆς Βζή  
πλεύρας τριγώνου: οὐαὶ εἰς τοῖς, δέρεται τῶν  
Βα, ἀγι, πλεύρων πτριγώνοις. Συμπέ-  
ρασμα.) Εν ἄρα τοῖς ὄρθογωνίοις τριγώνοις:  
τὸ δέρεται τῆς τὸν ὄρθιον γωνίαν πλοίεντος  
πλεύρας πτριγώνου: οὐαὶ εἰς τοῖς δέρεται τῶν  
τὸν ὄρθιον πλεύχειχασῶν πλεύρων πτριγώ-  
νοις. οὐαὶ εἰς οὐαὶ.

## ΕΤΚΛΕΙΔΩ

Πρότασις μη. Γεώργη.

**E**Αντειγώντες, τὸ δόπο μαστῶν πλεύρων  
περάγωνται: οὐκοῦ οὐκέτε δόπο τῶν λοιπῶν  
τὰ τριγώνα δύο πλεύρων περάγωνται: οὐ πε-  
ριεχομένη γενία, ὃν τῶν λοιπῶν ταῦτα  
γάνου δύο πλεύρων, ὄρθηται.

πὸ τῆς θύ. Ταῦτα γάρ τὸ ἄρα πεποντὸς τῆς  
θύ τετράγωνον: οὗτον εἰς τῷ διπλῷ τῆς θύ τε-  
τραγώνῳ. ὡς τοι ταλευρὰ ἡ σύβη: τῇ θύ ε-  
στὶν ἕστη. Καὶ ἐπειδὴ τὸν οὐτὸν ἡ αὐτῆς θύ. καὶ τὴ  
οὐτὸν αὐτῆς δίπλαι δάνεις, αἴσιοις τῷ θύ τοι τοι  
γωνίᾳ ἄρα ἡ ταῦτα δάνεις, γωνίᾳ τῇ ταῦτα δάνεις.  
ἔστιν ἕστη ὅρθη σὺν ἡ ταῦτα δάνεις. ὅρθη ἄρα καὶ οὐ-  
πὸ θάγη. (Συμπέρασμα.) Εἰναι τὰ τριγωνά  
τα, τὸ διπλό μιᾶς τῶν ταλευρῶν τετράγωνον: οὗ-  
τον εἰς τοῖς διπλοῖς τῶν λοιπῶν τοῦ τετραγώνου δύο  
ταλευρῶν τετραγώνοις: ἡ πεντεχορδή γωνία,  
τοῦ τῶν λοιπῶν τοῦ τετραγώνου ταλευ-  
ρῶν ὅρθη ἔστιν. ὅτῳ δὲ  
δεῖξαι.

ΤΕΛΟΣ.



ΟΝΟΜΑΤΑ  
ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΗΡΩΝΟΣ, ΠΕΡΙ  
ΤΩΝ ΤΗΣ ΓΕΩΜΕΤΡΙΑΣ ονο-  
μάτων.

Ονόματα γεωμετρικὰ

Η μέσον εἰς τὸ μήρον ἀθὲν : ή πέρας ἀ-  
διάσπερον : η πέρας γραμμῆς . πέφυκε  
διδιάνοια μόνη πλεύληπτον εἶναι : ὥσπερ εἰ-  
άμερές τε καὶ ἀμεγθεῖς τυγχάνουν . Τοιάτοι  
οὖν αὐτὸς Φασὶν εἶναι : οἷον στρογόν τὸ ἄκενδος :  
καὶ οὗτον μονάδα θέσιν ἔχειν . Οπούδην τῇ  
ἀσίᾳ, ταῦτα τῇ μονάδι (ἀδιάρετα γέναι μέρη,  
καὶ ασώματα, Σάμεριτε) τῇ δὲ ΠτιΦαγεῖα,  
καὶ τῇ φέσῃ διαφέρει δῆλον, ή ωδὴ γέναι μονάδες  
δέχεται δέριθμον : τὸ δὲ σημεῖον τῆς γεωμετρον-  
μένης ἀσίας αρχὴ . δέχεται δὲ κατ' ἐκθεσιν, γένη  
ῶς μέρον τῆς γραμμῆς : ὡς τῇ δέριθμον μέ-  
ρον η μονὰς : αποστηπνογράμμου δὲ αὐτός . κι-  
νηθίστρον γένη μᾶλλον νοηθέντος στρογόν τον  
γραμμῆς . οπε σημεῖον εἰς τὴν γραμμῆς αρχὴ  
ΠτιΦαγεῖα δὲ σερεῖ σώματον .

Γραμμὴ δὲ ἐξί μῆκες ἀπλάτες : η τὸ πεπ-  
τον στρογόν τον περιγένθει, τὸν τοσότον λαμβάνον : η γέ-  
νη δια-

ἐν Δικαιούν περὶ διαρετὸν γίνεσθαι σκηνής  
μὲν ρύντῳ ἀνάθει καῖται. οὐοια τῇ κατὰ  
τὴν σινέχαιαν πείσχεται· περὶ περιττῶν ση-  
μεῖοις: τέρας ὅπλοφανίας αὐτῇ γενομένη. λέ-  
γετο δὲ ἀντίναι γραμμὴ: τὸ διαρετόν δὲ τῆς  
σκηνῆς τὴν ἀλυπτικὴν ἀκτίναν· ηδὲ διστὸν τῷ περιφε-  
πομένου μέρους τὴν σκηνήν. περὶ τοις ἀριθμοῖς  
ἔν σωμαχεῖ νοερόν τοις περιφε-  
ραῖς διστὸν τῷ ἐρίου καὶ τῷ φροντίου, διστὸν τῆς περιφε-  
ραῖς. ηδὲ πολὺ διέ, καὶ τῇ σωματίᾳ τῆς γραμ-  
μῆς ἔνγοναν ἔχοντες: ὡς μῆκος μόνον ἔχεσθαι:  
ἀκέπι δὲ τολάτῳ ή βάθος: λέγοντες γάρ τὸ  
ποῖχος ἐς τοις καθ' ἄποθετον πηχῶν: ὑπέπι-  
στο βλέποντες εἰς τὸ τολάτῳ, η τὸ ποῖχος.  
η ὁδὸς εἰδίσιον. γραμμὴς μόνον, ὑπέπι δὲ καὶ  
τὸ τολάτῳ αὐτῷ πολυπειραιμονεῖται: ὡς  
γραμμικεῖς ἡμεῖς εἴναι καὶ τὴν πιάντιν ἔξαρ-  
ριθμησιν ἀντίκειται, οὐθὲν μείζον καὶ ιστάται.

Τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσὶν εὐθεῖαι: αἱ δὲ  
οὖς καὶ τῶν μὴ οὐθεῖν, αἱ μὲν εἰσὶν κυκλικαὶ:  
περιφερεῖαι ὀνομαζόμεναι, αἱ δὲ κυματύλαι.  
Εὐθεῖα μὲν δὴ γραμμὴ ἐστιν: η τις ἐξίσχει τοῖς  
εἰσφέντης σημεῖοις καῖται. ὅρθη γοῦν, καὶ οἵσι  
ἐπιτίστησιν τὸ τολάτον. ὅπλον τὰ τέρατα: η τις  
δίπο

## ΟΝΟΜΑΤΑ

δύο δοθέντων σημεῖων, ἵνα μετέξυνε λαχίση  
 ἔτι: Γάρ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν χραμμῶν,  
 καὶ τὸς πάντας τὰ μέρη, πᾶσας τοῖς μέρεσι,  
 πάντοιας ἐφαρμόζειν πέφυκε. Καὶ τῶν πε-  
 ράτων μήμοντων: καὶ αὐτὴν μήματα: οἷον τὸν τοῦ  
 αἵπατον ἀπίπεδον φρεφορμήν: καὶ τοῦτο τὰ αὐ-  
 τὰ πέρατα τὸν αὐτὸν αἰστὸν τόπου ἔχουσα. Τότε δὲ  
 γίνεται θεῖα, τότε δύο χρήματα τελέσονται. Κυκλικαὶ  
 χραμμαὶ εἰσὶ, οἵσι τοῖς τοιούτοις παρατητικοῖς  
 ἐπ' ἄκρου τετραμμύραι: ή κύκλος, ή μέρη κύ-  
 κλων διποτέλεστα: μόνα τῷ αἰλιών χραμμῶν  
 χρήματα (τούτοις παρατητικαὶ). Τῶν δὲ καμπύ-  
 λων χραμμῶν εἶναι μήματα ταλῆθι (τούτοις) ἀπόροι.  
 αἱ γένη τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοιλὰ ἔχουσιν: αἱ  
 δὲ τοῦτα αὐτὰ μήματα τὸν κοιλιὴν χραμμὴν εἶναι:  
 ὅταν δύο σημεῖαν ληφθέντων αὐτῆς, οὐποίει  
 οὖν τὸ σημεῖον ἐπιγένετον εὐθεῖαν τοινάρι  
 αὐτὸν πίστει τὸ χραμμῆς: ηὔντος: οὐκέτος δὲ μη-  
 δέποτε: σύντοτος τὰ αὐτὰ μέρη κοιλιὴν χραμμὴν  
 εἶναι ηὔχριστως ἔχουσα. Ελεύθερον χραμμή  
 εἶναι τὸ ἐπιπέδων μήμα, εἰσὶ διθέσαις, μήμοντα  
 τούτοις πέρατα (τούτοις): καὶ πανουρμήν τοῦτον επι-  
 πέδων εἴσει τὸ αὐτὸν πάνταν διποτέλεσθαι:  
 Φέρεται παρατητικόν, μάτι τούτοις μήμοντα τούτοις

τῷ ὁμίλῳ ἀρχαιώμενον τῇ Θεῖᾳ, καὶ ἡ μήρα πότε  
ταύτης τῆς διδεῖσας γιγνομένη γραμμή: κύ-  
κλῳ ἔσται. Ηδὲ διπλὸτά της Θεῖας Φερομέ-  
τρα σημεῖα: ἐλιξ καλεῖται. Εἰς παραλληλού-  
χράμις ὄρθογωνίς, μήραστης μᾶς πλευρᾶς,  
τῶν τοῖς τὰ ὄρθια γωνίαις πεινεχθεντῶν τὰ  
παραλληλογράμμου: εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν διπλὸ-  
κατεστηθῆσεν ἥρξαν Φέρεαδαι: ἀμφι φέτα  
παραλληλογράμμων σημεῖου τῷ Φέρηται κατ'  
αὐτῆς τῆς μηρύστης παραλλήλου, δέξα-  
μενον διπλὸ τέτερου πέραπος: τὸ μὲν διπλόν τοι-  
ληφθεν χῆρα, τὸ δὲ τῷ παραλληλογράμ-  
μου κινήσεως: καλεῖται κύλισθροῦ: ηδὲ τὸ  
τῷ Φερομένου σημεῖου γραμμή: γίνεται ἐλιξ:  
ης τοιμέρῳ, επὶ παῖ Φαρμόζαι: σταύρῳ.  
τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἔχει.

Βασιφανδα ἐσὶν ὁ μῆκος, καὶ πλάτος  
τον ἔχει: η πέρας σώματος καὶ τὸ πάθος, η τὸ ε-  
πὶ δύο Διαστοὺν μέρεθρος: η τὸ πάντος περε-  
χτε καὶ ἐπιπέδου χήματος: καὶ τὸ δύο Δια-  
σάρδες μήκες καὶ πλάτος επιφανόντων πέ-  
ρας. γίνεται δὲ ρύσις τὸ γραμμῆς, καὶ τὸ  
πλάτος, διπλὸ δέξιῶν εστι: δέξιερα ρύσιστο.  
Καὶ γοῦνται ἀγένναι ταφανδα, πλάστη σπιλα, οὐδὲ

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τῶσσα χρόνοις ὁ καὶ χρόνες ἀκάλεγεν, οἱ Πυθίδαι  
χόροι τὰς ἐπιφανείας: νοσῆτο μὲν καὶ παθεῖτο  
μίγνυται ὁ ἀπὸ τῆς γῆς: ηὔλλωτερεῖσθαι μέν:  
οὐτὸς ὑδατί: ηὔλλωτερος ποτηρίων ηὔλλοτον  
χείρων. Επίπεδος δὲ πιφανείας εἰναι, ηὔλλοτον  
τούτου πάντας ἐφέαντης θεῖται. οὐθὲν δὲ  
ἀποτέλεσμένως: λέπιδαν δύο σημείων ἔχει  
ψηπταθεῖα: καὶ ὅλη ἀυτὴ καθαίτα πάντα γόνια  
παντοίων ἐφαρμόζεται: ταῦτα εἰς τὸν ηὔλλοτον  
θεῖαν ἐφαρμόζουσαν καὶ ηὔλαχίση πασῶν τούτων  
τὰ αὐτὰ περιέχεισθαι εἰς τοιούτην πάντα τούτην  
παντα τὰ μέρη ἐφαρμόζειν τούτην. Οὐκ  
ἐπίπεδοι εἰπιφανείας εἰσίν: αἴ μη γάτως ἐχθρός:  
οὐδεὶς ταῦτα εἰς τὸν αἴ μη πάντη καθαίτα φερό-  
μενα γραμματά: ἐχθρός δέ πνα αὐτούς λέγει:  
καὶ σόκορθας δὲ ὅλου.

Στερεὸν εἶναι σῶμα τὸ μῆκος καὶ πλάτος Θεοῦ, οὐ  
εἰδούσκον: ηὔλης τοῦ πέριστος θείας αἵστασεται καὶ οὐκ  
μένοι. καλούσθηται δὲ στερεὰ σώματα καὶ οἱ τό-  
ποι. σῶμα μέντοι μαθητεύσικόν εἶναι τὸ τριγωνόν  
θείας τούτον: σῶμα δὲ ἀπλώτερον τὸ τριγωνόν θείας  
τὸ μεταπάντυκόν εισί. περιεπεπλέκται δὲ πάντα  
ρεὸν τοῦτο ἐπιφανεῖαν. γένεται ἐπιφανείας οὐ-  
τὸς τοῦτο περιεπεπλέκται τὰ ὄπίστα ἀνεγένεται.

Γωνία

Γωνία ἐστὶ συναγωγὴ τοῦτος ἐν σημεῖον: πα-  
τὸν κεκλασμένης οὔπιον Φαντοῖς, η̄ γραμμῆς ἀ-  
ποτελεύματι: κεκλασμένη δὲ λέγεται γραμ-  
μὴ, η̄ τις ἐκβαλλομένη συμπόνια αὐτῇ καθ.  
ἀντίω. Τῶν δὲ γωνιῶν αἱ μὲν εἰσὶν οὔπι-  
δον: αἱ δὲ στρεψαί. καὶ τῶν οὔπιστάδων, η̄ τα-  
ρεῶν: αἱ μὲν εἰσὶν ἐνθύγραμμα: αἱ δὲ ταῖς Επίπε-  
δοις γραμμῶν ἀποτομήσαντας τὰς  
μητέρας οὔπιδον αἱ μὲν εἰσὶν οὔπιδοι τῶν  
γραμμῶν κλάσις. Εἰσὶ δὲ οὖσαι ωραῖς ἀπό-  
μναὶ αἱ μὲν εἰσὶν αἱ γραμμαί: ὅταν η̄ ἐτέρῳ  
πεφεκβαλλομένη κατὰ τὰ ἑαυτῆς συνά-  
στιν: μὴ πίπτει κατὰ τῆς ἐτέρου. Καὶ ἄλλως δὲ.  
Ἐπίπεδον ἐστὶ γωνία, γραμμῆς ἐν οὔπιστάδω  
τοῦτος ἐν σημείῳ κλάσις. η̄ συναγωγὴ, τοῦτος  
ἐν σημεῖον ὑπὸ κεκλασμένης γραμμῆς. Οὕτω  
πεδοῦ δὲ οὔπιον γραμμῶν καλέστη γωνία:  
ὅταν αἱ πειράχονται αὐτῶν γραμμαὶ οὔπιδαι  
ῶσιν. Οὔπιστος δὲ γωνία η̄ ἐπίπεδως τοῦτος  
ἄλληλας στενάσσονται τῶν γραμμῶν. η̄ γραμ-  
μῆς οὔπιδος τοῦτος ἐν σημείῳ κλάσις. ὅταν  
γῆν γλωχίδας ὄκαλεν οἱ Πυθαγόροι τὰς γω-  
νίας. Τῶν οὖσαν οὔπιστοις οὐκ οὔπιγράμ-

## ΟΝΟΜΑΤΑ

μεν γυνιῶν τοῦθος ἐν ἄπρον. τῶν δὲ τοῖς οὐπιτέδοις ἐυθυγράμμων γυνιῶν εἰδη  
ἐντίχεια. αἱ μὲν γυνόρθαι, αἱ δὲ ὀξεῖαι, αἱ δὲ  
ἀμβλεῖαι καλεῖνται. Ορθὴ μὲν ἐν ἑταῖροι,  
ἡ τῇ ἀντικειμένῃ ἵση. ἀντικειμέναι δὲ τοῖν ασ-  
τοῖσιν θεῖαι επ' θεῖαιν συθέονται. Οταν γέται.  
θεῖαι επ' θεῖαιν συθέονται. Τὰς εὐφεζῆς γυνιάς,  
ἴσιας ἀλλήλας ποιεῖ. ορθὴ ἐντίχη, εκφίερχτῶν  
σων γυνιῶν. Οξεῖα γυνίας ἐν τῇ ἐλάσσων ορ-  
θῆς. Αμβλεῖα δὲ, η μείζων ορθῆς. Οταν γέ-  
θεῖαι, επ' θεῖαιν συθέονται γυνιάς ἀνίσους  
ποιητὴ μὲν ἐλάτιω καλεῖται ὀξεῖαι, δὲ μείζων  
ἀμβλεῖα. Πᾶσαι μὲν δὲ ορθὴ, πάση ορθὴ εντί-  
χη: γένεται δὲ πᾶσαι ὀξεῖαι, πάση οξεῖαι ἐντίχη-  
ση: γένεται πᾶσαι ἀμβλεῖαι, πάση ἀμβλεῖαι ἐντί-  
χη. Εὐθείαις γένεται θεῖαις συθέονται, καὶ συ-  
κλιτάσις διπλὸς τῆς ορθῆς μεχρὶ τύπου ἐλατ-  
τεῖαι ἡ ὀξεῖα: ίώς συνεξίσων αὐται αἱ θεῖαι: καὶ εὐφέκτων ἀλλήλων. θεῖαις δὲ επ'  
θεῖας συθέονται, καὶ διπλακλινάσις διπλὸς τῆς  
ορθῆς γυνίας μεχρὶ τύπου μείζων γένεται ἡ  
ἀμβλεῖα: ίώς αὐτοῖς ιδίασηται ἡ κάθεταις επ'  
θεῖας: καὶ συνεχῆς γένεται τῇ ιδίᾳ ορθοκειμένη.

Ηγεῖν ορθὴ γυνία, καὶ τὸ γένος, καὶ η μονάς,  
όμοιός

ομοίως ἔχεσσιν. οὐτοῦδ' ὅρθη γωνία αὐτοῖς φέρεται  
ἢ αὐτὴ μένουσι τῆς ὁρθᾶς καὶ ἀμβλῶνται εἰπεῖν.  
ἀπόρον μετρηθεῖται. οὐτοῦδε μονὰς ψήφι, αὐτὴ ἐ-  
πικεντρώμενη σημεῖος αὐτὸν, καὶ ηγεμόνη συνθε-  
ται: καὶ τὸν δὲ καὶ αὐτὸν εἴπην: οὐδὲ παρεληγά-  
λυθώς, καὶ ὁ μέλλων, εἰπεῖν ἄπορον.

Στερεὰ γωνία κεινῶς μὲν εἰς τὴν Πτοτιφανεῖαν  
Πτοτί τὰ αὐτὰ μέρη τὰ ισχῆλα ἔχεσσιν αφεῖται  
νὰ σημεῖωσιν αὐτῷ. Καὶ ἄλλως δέ. στερεὰ γω-  
νία εἴτε οὐ τὸν αλφόνων οὐδὲ Πτοτιπέδων γω-  
νίων πεντεχορδίη. η σωμαγωγὴ στερεὰ, οὐ Φ' ἐ-  
νὸς σημεῖος κακλασμάτη Πτοτιφανεῖα, αφεῖται  
γραμμέται: οὐ πιστὸν βαλλομένη; οὐ σύμπτυχες  
αὐτὴ καθ' εαυτῆς. Νοῆται δέ πιστὸν βαλλομέ-  
νη: ὅταν μὴ Φαίνεται μὴ πιστὸν βαντόν οἶλον αὐ-  
τῆς τὸ μῆτρος. ομοίως οὐδὲ Πτοτίπεδον πιστὸν  
βαλλομένον νοεῖται. Ιδίως δέ πιστὸν γράμμοις στερεαὶ  
γωνίαι καλλιζοῦσι: ὃν αἱ Πτοτιφανεῖαι αἱ ποιῶσαι  
τὰς γωνίας, τὸν γωνιῶν πιστούγραμμων πε-  
πλέχονται: ὡς αἱ τῶν πυραμίδων, καὶ αἱ τῶν γε-  
ρεῶν πολυέδρων, καὶ αἱ τῶν κύβου. οὐκ πιστού-  
γράμμοι: δῆλος, αἱ μὴ ἔτισταις ἔχεσσι, ὡς αἱ τῶν  
κώνων.

Σχῆμα τοῦ τὸν πυροῦ η πυρῶν ὄρων πε-

## ΟΝΟΜΑΤΑ

ελεγόμενον: ἡ τὸ πέρατι, ἡ πέρασι συγκλόμενον τούτη μὲν τὸ θρησκευτικόν. λέγεται δὲ ἄλλως. χῆμα, πέρας συγκλεῖον δέποτε τὸ χρηματίζοντος. Εἴρηται δὲ τὸ χῆμα παρὰ τὸ σῆμα, ὃ εἰς συγκλειόμενον ἡ συγκλείσιαν. Διότι φέρει δὲ τὸ περέχων, πέρατος: πέρας μὲν γὰρ καὶ τὸ σημεῖον: ὅπιστα δὲ χῆματι θρησκευτικὸν. Ορος δὲ χρημάτων εἰσὶν, αἱ τε Θηθωναίας καὶ γραμματαὶ. κέκληνται δὲ ὄροι: παρὰ τὸ ῥίζαιν μέρος πάντα χῆμα: ταῦτα ἐντὸς τὰ τέλη τῶν χρημάτων καὶ τὰ πέρατα δέκινυται. Τῶν δὲ χρημάτων, ἀμφὶ ἑνὶ θητίπεδᾳ, ἀ δὲ σερεάς θητίπεδα μὲν γνέντι, τὰς εἰς τὰς αὐτὰς θητίπεδων πᾶσις ἔχοντας γραμμὰς. σερεάδε, τὰ μὴ εἰς τὰς αὐτὰς θητίπεδων πᾶσις ἔχοντας τὰς γραμμὰς. τῶν δὲ ταῦς Θηθωναίας χημάτων, ἀμφὶ ἑνὶ ασύθετε: ἀ τοῦ συμβολοῦ. ασύθετα μὲν γνέντι τὰ μὲν συγκείμενα εἰς γραμμῶν. συμβολαῖς τοῦτα τὰς γραμμῶν συγκείμενα: τοῦτο τοῦ συμβότων χρημάτων, τῶν δὲ ταῦς Θηθωναίας: ἀμφὶ ἑνὶ εὖ ὁμογνῶν συμβολε: ἀ δὲ εὖ ἀνομογενῶν. οἷον οἱ λεγόμενοι τομεῖς τῶν κύκλων: οἷα τὰ ιρικύκλα, καὶ αἱ αψίδες, οἷα τὰ μεζονά τμήματα τῶν κύκλων: λέγενται δὲ

δέ αἱ οἱ μενίσκοι, καὶ αἱ σφάναι, τὰ τὰ πα-  
επιπλόσια.

Κύκλῳ δὲ τὸ τόπον μᾶς γραμμῆς της  
επειχόμενον ἀπίπτετον. τὸ μὲν δὲ γῆμα κα-  
λεῖται κύκλῳ. ηδὲ περιέχεσσι αὐτὸν γραμ-  
μὴ, περιφέρεια: περὶ αὐτὸν φένδος ομοιός  
τῶν ἐντὸς τοῦ σφήματος καθίστανται: περιπλανα-  
τονται περιπλανατονται διθεῖαι ἵσαι ἀπλόλαυς εἰσὶν. Εν-  
αὐτῷ μὲν δὲ τὸν τόπον ἀπίπτετον τὸ σημεῖον η:  
κέντρον καλεῖται: εἴ τοι δὲ μὴ ηδὲ τὸν τόπον ε-  
πιπτέω πόλος: ὁς ἔχει ἀπίπτει τῶν διαγόνων σφά-  
ρας κύκλων. λέγεται δὲ ικανὸν ἄλλῳ κύκλῳ  
γραμμὴ, ηδὲ περὶ πάντα τὰ μέρη: ἵσαι πε-  
διαστήματα. γίνεται δὲ κύκλος ἐπὶ ἀν διθεῖαι  
ἐν τῷ τόπῳ ἀπίπτετον παράρχουσι: μέροντος τοῦ  
τοῦ ἑνὸς περιφέρειας τῷ ἑτέρῳ περιενεγκεῖσθαι  
εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν διπλαγόνταθη: ὅθεν ἥρξατο  
φέρεια.

Διάμετρος δὲ τοῦ κύκλου ἐστὶν διθεῖα πε-  
διά τοῦ κέντρου ηγριδόν, καὶ περιπλανατοντος τοῦ  
ἐκάπερα τὰ μέρη, τὸ τόπον τῆς τοῦ κύκλου περιφε-  
ρείας: ηδὲ καὶ διχὰ τέμνει τὸν κύκλον: ηδὲ  
διθεῖα διχὰ τοῦ κέντρου, ἐώς τῆς περιφερείας δι-  
ηγριδόν. Ημικύκλιον ἐστὶ τὸ περιεχόμενον

## ΘΝΟΜΑΤΑ

χῆμα ψότης Αἰανέτου, καὶ τῆς Δούλαιης  
Βανορίης ψότης αὐτῆς φερεῖας: ή τὸ ὑπὸ<sup>της</sup>  
τῆς Αἰανέτου τὸ κύκλου: καὶ φερεῖας  
φειεχόμενον ψήμα. Κοινῶς τημά κύκλῳ  
ἴστην, ἀν τε μείζον, ἀν τε ἐλαττον ἡμικυκλίς, τὸ  
φειεχόμενον ψήμα, ψότης θεᾶς, καὶ κύκλου  
φερεῖας. Εν τημά κοινῶς γωνίας εἶναι. ὅταν  
ἔπι τῆς φερεῖας τὸ τημά ψότης θεᾶς  
νομίσου: λόγος δὲ τὸ σημεῖον, ὅπις τὰ φέρεια  
της θεᾶς ὅπιζε προθώσκαιον θεᾶς, η φει-  
εχόμενη γωνία ψότην ὅπιζε προθώσκαιον ευ-  
θεῶν. Τοιοῦτος δὲ κύκλῳ εἶναι τὸ φειεχόμε-  
νον ψήμα, ψότης δύο μὲν θεῶν, μίας δὲ πε-  
ριφερεῖας. ή τὸ φειεχόμενον ψήμα ψότην  
της τυχόσων συκύκλω, φερεῖας τῷ κέντρῳ γω-  
νίαν φειεχόσων: καὶ τῆς Δούλαιης βανορί-  
ης ψότης αὐτῶν φερεῖας. Πᾶσαι φει-  
ερεῖαι, καὶ τὰ μὲν τῶν φερεῖας τὸ φειεχόμενον  
χωρίου νοήσων: καίληται καλεῖται: καὶ τὰ δὲ τῶν  
φερεῖας τὸ φειεχόν κυρτή. Μηνίας θεός  
τὸ φειεχόμενον ψήμα ψότης δύο φερεῖας:  
η δύο κύκλων μητὴ φειεχόμενον κέντρον ὄντων:  
πατεροχήτης καίλης καὶ κρυτῆς: ή τὸ φειεχό-  
μενον ψότης δύο φερεῖας ὅπις τὰ αὐτὰ  
μέρη

μέρη τὰ κατικλεῖσθαι. Σπάσιν δὲ τούτην  
τὸ πειραχόμενον οὐ πρᾶπεν τὸν δύο κυρτῶν  
φύει φερεῖν: ή δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸν κέν-  
τρον περοχὴ. Πέλεκις δὲ τὸ πειραχόμενον  
τὰ ποιάρων φέρει φερεῖν: δύο κοίλων, καὶ  
δύο κυρτῶν. Καθόλου γένεται δέ, ἀπειλητικήν  
ἔτι τὸ πλήθος τῶν εἰς τὸ πάνεμον φέρει  
φερεῖν οὐ πράτων: εἴ γε μᾶλλον τῶν εἰς τὰς  
πτιφανείας.

Τῶν δὲ τοῖς οὐπέδοις δίθυγράμμων χρήστων: ἀλλὰ εἰς τρίγωνα, ή τετράγωνα, ή πεντάγωνα, ή πετράγωνα, ή πολύγωνα καὶ πολύτονευρα. Τρίγωνον εἶναι χρήσιμο οὔπικέδον. Τοῦτο τριῶν δύθειῶν πεντεχρήσιμον: τριῶν ἔχον γωνίας. Τῶν δὲ τριγώνων ή τριγωνόφραν χρηστῶν, τὰ γριγάντα τριγωνόφραν εἶναι εὖέξ. Στοτὸ μὲν γοῦ τῶν πολευρῶν: ἀ μὲν παλαιῆταις σόπλευρα, ἀ δῆταις ισσοσκελῆ, ἀ δῆταις σκαληνὰ, ἀ ποτὸ δῆταις τῶν γωνιῶν. ἀ μὲν εἰς τὸν ὄρθογώνια, ἀ δῆταις ὀξυγώνια, ἀ δῆταις ἀμβλυγώνια. Οὕτι μὲν τῶν ὄρθογωνίων, δύο γένη: τὸν ισσοσκελές, καὶ τὸ σκαληνὸν. Χρήσιμον γοῦ ὄρθογώνιον σόπλευρον: τὰ δὲ ἄλλα τριγωνα τὰ μὲν ὄρθογώνια πλεύτερα τὰς ισσοπλεύρους οὐδέποτε

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τού ἔχει Φύσης: ἀλλὰ καὶ τὸ στάτικον χωρέει.  
Ισόπλακόν μὲν ὅν εἶναι ὅταν τρεῖς ἵστες ἔχει  
πλευράς, πλευράς. Ισοσκελές δὲ, ὅταν τὰς  
δύο μόνας ἴστες ἔχει πλευράς. Σκαληνά δὲ  
ὅταν τὰς τρεῖς ἀνίστις ἔχει πλευράς. Ορθο-  
γώνιον δὲ εἶ, τὸ μίαν ἔχον ὄρθιαν γωνίαν,  
οξυγώνιον δὲ τὸ τὰς τρεῖς οξεῖτες ἔχον. Αμ-  
βλυγώνιον δὲ τὸ μίαν ἔχον αἱμβλεῖαν γω-  
νίαν. Τὰ μὲν ὅν ισόπλακα πάντα οξυγώνια  
εἰσὶ. τῶν δὲ ισοσκελῶν, καὶ σκαληνῶν: ἀλλὰ μὲν ἐντὸς  
ορθογώνια, ἀλλὰ δὲ οξυγώνια, ἀλλὰ δὲ αἱμβλυγώ-  
νια.

Τετράπλακον οὐπίπεδον εἶτε οὔπικε, τὸ  
τέτταράριον διθεῖον πεντεχόμενον: πεντά-  
ριας ἔχον γωνίας. Τῶν δὲ τετραπλάκων  
επημάτων, ἀλλὰ μὲν ἐντὸς ισόπλακην αἱμβλεῖαν.  
τῶν δὲ ισοπλάκων, ἀλλὰ μὲν ορθογώνια, ἀλλὰ δὲ οξεῖα. τὰ  
μὲν ὅν ορθογώνια ισόπλακη: τετράγωνα  
καλεῖται. τὰ δὲ ορθογώνια μὲν μὴ ισόπλακη-  
εσσι δὲ: ἐτερομήκη καλεῖται. τὰ δὲ ισόπλακη-  
εσσι μὲν μὴ ορθογώνια δὲ: ρόμβοι. τὰ δὲ μήτε  
ισόπλακα, μήτε ορθογώνια, τὰς δὲ ἀπένοια-  
τίον πλευράς πλευράς τοι γωνίας ισαστατήλας ἔ-  
χον τρόμβοδην καλεῖται. Επι τῶν τετρα-  
πλάκων

πλούτων, ἀριθμὸν καθεῖται παραλληλόγραμμον: δέ εἰς παραλληλόγραμμα, παραλληλόγραμμα μὲν τὰ τὰς ἀστεράριον πλευρὰς παραλληλάς ἔχοντα: οὐ παραλληλόγραμμα μὲν τὰ μὴ οὕτως ἔχοντα. Τῶν δὲ παραλληλογράμμων, ὅρθογώνια ὅσα πεντεχειδεῖ λέγεται ϕωτὸς τῶν τὰς ὅρθεις γωνίαν πεντεχεισσῶν Σύθετῶν. ἐνὶ γὰρ μέγιστον τῶν ϕωτῶν ἑστῶν πλευρῶν πεντεχόμερου παραλληλόγραμμον, τὸ ἐκ ὅρθης γωνίᾳ ἄπειρον γὰρ οὐ πιθανόνται, παραλληλόγραμμα δέ ὅσα ϕωτὸς τῶν πεντεχόμερων πλευρῶν Διάφορα καὶ τὸ ἐμβαδὸν τυγχαίνοντα, ἐλάττονα γίνεται: τὸ δὲ ἔχον τὰς ὅρθεις μέγιστον. Επεὶ δὲν ἐλάττος ἀεὶ ὀξεῖα μέροκονται: οἱ βουλόμεροι ἀναμετρῶν τὰ ποιῆται ϕήματα: ὅρον ϕωτῶν ἔθεντο, τὸν πεντεχόρθεις γωνίαν λόγον. Παντὸς δὲ παραλληλογράμμα, τῶν πεντεχόμετρον αὐτὸς παραλληλογράμμων: ἐν δὲ ποιησάντι, σωὶς τοῖς δύστι παραπληρώμασι, γνώμων καθεῖται. Καθόλου δὲ γνώμων ἐν πᾶν ὁ περιστλαβὼν ὄποιον διερθρίον. Η σχῆμα ποιεῖ τὸ ὅλον ὄμοιον ὁ περιστλαβὼν. Τῶν παρὰ τὰ εἰρημένα περιστλαβέρων ἀριθμὸν τριπλέζει

## ΟΝΟΜΑΤΑ

λέγεται, ἀ τοπεζοιδή. τοπεζία μὲν οὐ εἴ-  
διος μόνον δύο παραλήλας ἔχει πλευράς:  
τοπεζοιδή οσα μὴ ἔχει παραλήλας πλευ-  
ράς. Τῶν δὲ τοπεζίων αἱ μὲν ἐνὶ ισοσκελῇ,  
αἱ δὲ σκαληνὰ: ισοσκελῇ μὲν οὐ εἴδιν, οὐδὲ οἱ  
ἔχει τὰς μὴ παραλήλας. Σκαληνὰ δὲ οσα  
αἱ οἵτις ἔχει τὰς μὴ παραλήλας.

Πολύπλευρα διπλά σχῆματα εἰς τὰ  
πλευρά πλεύρων, ή πεσάρων θειῶν περιεχό-  
μενα οὖν πεντάγωνα, καὶ τὰ εξηπολύγω-  
να εἰς ἄπειρον περιούτα.

Βάσις λέγεται στοιπέδις χωρίς γραμμὴ ή  
ώσουει κάτω νομίμη. πλευρά δὲ μιὰ τῶν  
τὸ σχῆμα περικλάψαν. Διαγώνιος δὲ η  
πὸ γωνίας εἰς γωνίαν ἀγομένη θεῖα. Κά-  
θετ(Θ) δὲ εἰς ή διπλομένη εὐθεῖα ἐπ' θεῖ-  
αν ηγμένη. Κάθετ(Θ) δὲ περὶ ορθὰς λέγε-  
ται, η ορθὰς ποιῶν τὰς εἰφεξῆς γωνίας τῇ ε-  
φεστικύᾳ θεῖα: παραληλοι δὲ καλοῦνται  
γραμμαὶ ἀσύμμοτε: οἵτις ἐν τῷ αὐτῷ στο-  
πέδῳ ξυγκατέβαλλόμεναι εἰφεξέτερα τὰ  
μέρη, στὶ μηδετέρα συμπιπτόντων ἀλλήλαις:  
αἱ μείτε συμβάσαι, μήτε διπονθύσαι ἐν στο-  
πέδῳ: οἵτις δὲ ἔχουσαι τὰς εἰφεξέτες πλάνας,

τὰς

τὰς ἀγομένας θύσιού τῶν τῆς ἐπέρεας οὐ μόνον  
αὐτὴν τὸν λαϊκόν. Οὐ παράληπτος δή:  
λίθεῖας εἰσὶν, ὅσας σωμάτων μείζους ἀεὶ τὰς  
καθέτυς ποιῶσι. Τειγωνάς υἱὸν Θρησκευόντα,  
ἡ δότος τῆς κορυφῆς ὅπερι τῷ βάσιν κάθετον  
ἀγομένη.

## Οὐδὲντες τερεωμετρικά.

Τῶν διατοῖς τερεοῖς σχήματος ἐπιφανεῖων  
αἱ μὲν ἀσώθετοι λέγονται: αἱ δὲ σώθετοι: αἱ  
σώθετοι μὲν γένεται τῷ τερεῶν εἰσὶν ὅσας ἀκβάλ-  
λορδοί: αἱ αὖται καθ' ἑαυτὰς πάντας οἷον ή  
τῆς σφράγας. σώθετοι δὲ ὅσας ἀκβαλλομέ-  
ναι, τέμνοσιν ἀλλήλας. τῶν δὲ σώθετων, αἱ  
μὲν ἐξ ἀνομογενῶν εἴστι σώθετοι, ὡς αἱ τὰ κώ-  
νων, καὶ κυλίνδρων, καὶ τῶν τάχταις ὁμοίων. ἐξ  
ὁμογενῶν δὲ αἱ τῶν τερεῶν λίθυζεάμμων. Εἰ  
καθ' ἑτέραις δὲ διάγρεσιν τῶν διατοῖς τερεοῖς  
σχήμασι τῶν ἐπιφανειῶν, αἱ μὲν εἰσὶν ἀπλαῖ,  
αἱ δὲ μικταί. ἀπλαῖ μὲν γένεται εἰσὶν διατοῖς τε-  
ρεοῖς ἐπιτάξισις ή σφαρική: μικταὶ δὲ η τε  
κωνική η κυλίνδρική, καὶ αἱ τάμπας ὁμοίαι.  
αὗται μὲν αἱ μικταὶ ἐξ ἐπιτάξεων, καὶ περι-  
φερεῖας:

## ONOMATA

εὐΦερέας: αἱ ἦται σφειραὶ, μικῆαι εἰσὶν τὰ δύο  
περιΦερεῖν: καὶ ἄλλα τὰ εἰσὶν, ὡ-  
μερ συνίθεται, οὗτα καὶ μικῆαι ἄποροι. Τῶν  
τοῖς στρεοῖς σχήματος γραμμῶν, αἱ μὲν ἀ-  
τλαὶ, αἱ ἔτη μικῆαι. ἀπλαὶ μὲν ἔνδιπτε θεῖαι, καὶ  
περιΦερεῖς: μικῆαι ἔτη κωνικὴ τὰ σφειραὶ,  
καὶ αὖται μὲν τετραγωναὶ εἰσὶν: τῶν ἔτη ἄποκλιῶν,  
πληθθεὶς ἄπορον εἴσιν ὡς καὶ τῶν συνθέτων.

ΣΦΑΪΡΩΣ ἐνὶ σχῆμα δερεὸν τὸ μᾶς ἐπ-  
Φανέας περιεχόμενον: περὶ δὲ αὐτὸν ἔνος οπ-  
μένου, τῶν ἀντρὸς καὶ μέσου τῷ σχήματι Θύρα-  
μένων, πάσην αἱ περιστήλαις φύεται ἵστη-  
αλκήλαις εἰσὶν. Ηἱ σχῆμα δερεὸν ἄκρως σφόγ-  
γυλον, ὡς εἰς τῷ μέσῳ πάντῃ ἴσταις ἔχει τὰς  
δύος ἀσθετικὰς. ὅταν γὰρ ἡμίκυκλίς, μήματος τῆς  
Διάμετρος πεινεγένθεν γὰρ ἡμίκυκλον εἴς τὸ  
αὐτὸν πάλιν διπλαῖσθαι: ηἱ μὲν γυμνόμενη  
ἐπιΦανέα, ἵστη τῆς τῷ ἡμίκυκλίς περιΦε-  
ρέας σΦαῖρη ἢπιΦαῖρα καλεῖται, τὸ δὲ  
πειληφθὲν δερεὸν σχῆμα, σΦαῖρα. γὰρ δὲ  
μέσου τῆς σΦαῖρας κέντρον αὐτῆς καλεῖται.  
ἐδὴ δὲ ταῦτὸ τότε τῷ ἡμίκυκλίς κέντρον.  
Ηἱ δὲ Διάμετρος τῆς σΦαῖρας ἀξων καλεῖ-  
ται: καὶ εἰς τὸν θεῖαν, πλάνη τῷ κέντρος ἡγμέ-

y<sub>k</sub>, x<sub>j</sub>

ΣΤΕΡΕΩΜΕΤΡΙΚΑ.

42

η, καὶ περιτυμ्हνη ἐφ' ἑκάπερ τὰ μέρη τῆς σφαιρᾶς ἀμβούλητος: τοῦτο δὲ οὐ σφαιρικόν τούτῳ εἰσί φεταῖ. Τὰ τοῦ ἄξωνος ἀκροφπόλοις παλίντα. Εάν δὲ οὐ σφαιρική τηθῇ: οὐ τομὴ κύκλῳ γίνεται. Κύκλος δὲ πόλος ἐν τῇ σφαιρᾷ λέγεται: σημεῖον δὲ τῆς πόλεως Φανεῖται τῆς σφαιρᾶς: ἀφ' οὗ τῶν αἱ περιστήκους ἐνθεῖται, περὶ τῶν περιφερείαν, οὐδὲ ἀλλήλαις εἰσὶν. Θαυματερὸς δὲ τῶν ἐπιπέδων οὐσιώμετρων σχημάτων: μείζων ἐστὶ κύκλῳ: γε τὸ τῆς σφαιρᾶς σχῆμα πάντων τῶν περιφερεῶν οὐσιώμετρων μέγιστον ἐστὶ, διὸ καὶ περιεκπικὸν τῶν ἀλλων ἀπάντων ἐλαττόνων.

Κῶντρος ἐστὶ σχῆμα στερεὸν βάσιν μὲν ἔχον κύκλους: σωμαγόνδρον δὲ ὑφ' ἐν σημεῖον. Εάν δὲ δότο μετεώρου σημεῖου δῆτι κύκλος περιφερεῖται: οὐθεῖά τις περιβληθῇ: καὶ περιενεχθεῖσα εἰς τὸ αὐτὸν τάλαιν διποκατασταθῇ: τὸ δότο μετεώρον σχῆμα κῶντρο γίνεται. Καὶ ἄλλως. Εάν ὁρθογωνίς τις Τριγώνος, μὴν τοις μιᾶς τοις δύο τοῖς περὶ τὸν ὁρθὸν γωνίαν, περιενεχθεὶς τριγώνον σχῆμα: εἰς τὸ αὐτὸν τάλαιν διποκατασταθῇ οὐθὲν πρέξατο Φέρεαδας τὸ περιληφθεῖ σχῆμα: οὐδὲ γινομένη δότο τῆς οὐσιώμετρης

τοῦ

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τὰ τριγώνου αλμύρᾶς περιοχῆς: ἐπφάνεται  
κανικὴ καλεῖται: τὸ δὲ περιλειφθὲν σχῆμα  
τεφέσην, κῶν<sup>Θ</sup>. Βάσις δὲ κάνθαρος κύκλου κα-  
λεῖται. Κορυφὴ δὲ κάνθαρος τὸ σημεῖον. Αὖτε δὲ  
κάνθαρος, ηδονὴ τῆς φρεστῆς, οὐταντὶ τὸ κέντρον τῷ  
κύκλου ἐπτριγύγυνη μέσης: ταῦτα ἔτι οὐ μέν  
υγόν. Ισοσκελῆς δὲ κῶν<sup>Θ</sup> λέγεται, οὐ τῷ τρι-  
γώνου ἴσις εἶχων τὰς αλευρίας. Σκιστηνὸς  
δὲ κῶν<sup>Θ</sup> οὐδικός λέγεται. Ορθογώνιος δὲ  
κῶν<sup>Θ</sup> εἶναι, οὐταντὶ μήδικον αλμύρα, οὐ τῇ πε-  
ριφερομήνῃ τῷ τμηθέντ<sup>Θ</sup> διὰ τῷ αὖτε νοος,  
τὸ γυμόριδον ἐν τῇ ἐπφάνεται σχῆμα τριγω-  
νον ὄρθογώνιον γίνεται. Οξυγώνιος δὲ κῶν<sup>Θ</sup>  
εἶναι τὸ οὐ μήδικα μείζων ἔτι τῆς περιφερομέ-  
νης: τὸ τμηθέντ<sup>Θ</sup> τὸ γυμόριδον σχῆμα τρί-  
γωνον οξυγώνιον γίνεται. Αμβλυγώνιος δὲ  
κῶν<sup>Θ</sup> εἶναι, τὸ οὐ μήδικον αλμύρα, ἐλάτιστων ἔτι  
τῆς περιφερομήνος: τὸ τμηθέντ<sup>Θ</sup> τὸ γυμό-  
ριδον ἐν τῇ ἐπφάνεται σχῆμα, τριγωνον ἀμ-  
βλυγώνιον γίνεται. Κόλαρ<sup>Θ</sup> δὲ κῶνος κα-  
λεῖται, οὐ τὰς κερυφίας καλοβοθεῖσαν ἐσχηκός,  
ηδὲ ἐπφάνεται τῷ κάνθαρος: ἄλλως οὐ καρτή-  
καλεῖται: ἄλλως δὲ κοίλη. Τεμνόμη<sup>Θ</sup> δὲ  
κῶν<sup>Θ</sup> διὰ τῆς φρεστῆς τριγωνον παντελῶν

τομέων: παρεπλήλωσις δὲ τῇ Βάσις τηνθεῖς,  
κύκλον: μὴ παραπλήλωσις δὲ τηνθεῖς ἄλλο το-  
γένενθε γραμμῆς ἡ καλεῖται κώνυμον τομή. Τῶν  
δὲ τοῦ κώνυμον τομῶν, η μὲν καλεῖται ὀρεογένε-  
σις: η δὲ ἀμβλυγάνιος, η δὲ ὁξυγάνιον. ὀρεο-  
γάνιον μὲν τὸν η ἔαυτην συνάπτικα καὶ ποιή-  
σα σχῆμα θυροειδῆς: καλεῖται δὲ τὸ το-  
νῶν καὶ ἐλλειψίας: η δὲ τὸ ὀρθογωνίον καλεῖται  
παρεύπολη: η δὲ τὸ ἀμβλυγωνίον τὸ ερ-  
βολή.

Κυλινδρὸν ἐτίστη σχῆμα σερεὸν, ὅποιον οὐτοῖς  
ἀποτελεύθερον, παρεπληλογράμμις ὀρθογω-  
νίου, τοῖς μίαν τῶν πλευρῶν μένσαν σφα-  
φέντον: καὶ ἀποκατεστέντον ὅπεν καὶ ἦρ-  
ξατο φέρεαται. η δὲ μέντοι ἐνθεῖα τοῖς λευκοῖς  
σφροφή, ἄξων λέγεται. οἱ δὲ Βάσις κύκλοι, οἱ  
γρόνιμοι τοῦ τῶν τοσῶν πλευρῶν τὸ παρεύ-  
πολογράμμις. Τομαὶ δὲ κυλινδροῦσι μὲν πα-  
ρεπληλόγεσμα, αἱ δὲ ὁξυγωνίων κώνων  
γραμμαὶ. Τέμνεται δὲ σερεὸν μὲν τὸ το-  
φανέας, ἐπιφανίδα δὲ τὸ γραμμῆς. γραμ-  
μηὶ δὲ τὸ τογμῆς. οὐράπε δὲ τὸ το γραμμῆς  
λέγεται τέμνεαται: καὶ τὰ σταφύραι τὰ εἰς τὰ  
τοὺς τογμοὺς. καὶ τὰ φανέας δὲ τὸ το θα-

γίας:

## ΟΝΟΜΑΤΑ

νέστες: καὶ ἀναφοραὶ τινὲς τινὲς γραμμῆς.

Σπεῖρα γίνεται ὅταν κύκλος ἐπὶ κύκλῳ  
τὸ κέντρον ἔχων: ὄρθος ὁν τοῖς τοῦ κύκλου ἐ<sup>π</sup>  
τίπεδον πενεχθεὶς, εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν ἀ-  
πηγράπειθη. τὸ δὲ αὐτὸν τόπον, καὶ κρίκες κα-  
λεῖται. Διεχῆς μὲν δὲ ἐνὶ σπεῖρᾳ ἔχοντες  
διάλημμα. οιωχής τοῦτο καὶ ἐν συμβοῖς συμ-  
πίπτουσα. ἐπελάτης δὲ, καὶ τοῦτο πενεχθε-  
ρόμενος τοῦ κύκλου αὐτὸς αὐτὸν τέμνει. γίνον-  
ται δὲ καὶ τάττων γραμμῶν γραμμάτων ιδιά-  
ζουσα. οἱ δὲ πενεχώντες κρίκει, ἐκ πείσματο  
εἰσὶ κυλίνδρων. γίνονται δὲ καὶ ἄλλα πνὰ  
πικίλα πείσματα, ἐκτε ο Φαρᾶν καὶ ἐκ μι-  
κῆων ἐπὶ Φανδῶν.

Τῶν δὲ βύθυγράμμων τερεῶν σχημά-  
των, ἀμὲν καλεῖται πυραμίδες, ἀδὲ κύβοι:  
ἀδὲ πολύεδρα: ἀδὲ πείσματα: ἀδὲ δοκίδες:  
ἀδὲ πλινθίδες ἀδὲ σφηνίσκοις καὶ τὰ περι-  
πλήσια. Πύρφυρος μὲν δὲ ἐνὶ σχῆμα σε-  
ρεῶν ἐπιπέδοις πενεχόμενος: ἀφ' ἑνὸς ἐπι-  
πέδου τοῦτος ἐνὶ σημείῳ οιωχετικὸν. Καὶ ἄλ-  
λως δὲ λέγοισι πύρφυρος τὸ διπλὸν βάσεως τοῦ  
πλάτυρα, τὸ περιπλάτυρα, τὸ πολυγώνα τοῦτο  
ἐξίν ἀπλῶς βύθυγράμματα κατὰ σαύθεστη  
τεργά-

τριγώνων, εἰς ἐν σημεῖον συναίγοντον σχῆμα. Ιδίως δὲ ισόπλατρος λέγεται πάντας,  
ἢ τοῦ ποσάρων τριγώνων ίσοπλάτρων πε-  
κλεχόμενη, καὶ γωνιῶν. καλεῖται δὲ τὸ σχῆ-  
μα τοῦτο καὶ πετράεδρον. Εἰκόσιεδρον ἐσὶ σχῆ-  
μα τερεὸν τοῦτο εἴκοσι τριγώνων ίσοπλάτρων  
πεκλεχόμενον. Εἰσὶ δὲ πέντε μόνον ταῦτα τὰ  
τριγώναν καὶ ὄμοιάν πεκλεχόμενα δῆλη ὑπὸ<sup>Θ</sup>  
τῶν ἔλλεινων ὑπερον οὐκομάδη πλάτων<sup>Θ</sup>  
σχήματα: τῶν δὲ πέντε ταῦτα αἱ πλάτραι  
λόγον ἔχονται τὰ σφαιραί. Εὐκλείδης  
μὲν δὲν σε τῷ οὐ τούτῳ δοκεῖν, ἀπέδειξε, πῶς η  
σφαιρα τὰ πέντε ταῦτα σχήματα περιλαμ-  
βάνει. μόνα γάρ τὰ Πλάτων<sup>Θ</sup> ὄντα: Αρχι-  
μήδης δὲ τρίαντα δέκα ὅλα φησὶν εὐρίσκε-  
ται σχήματα διωάρματα ἡγεμονῆντα τῇ  
σφαιρᾳ, πεφοιτεῖται δέκα: μέτα τὰ εἰρημένα  
πέντε: ὃν εἰδεναι καὶ πλάτωνα φασίν. Τὸ τέσ-  
σαρες καὶ δεκάεδρον εἶναι τοῦτο διπλάτην. τὸ μὲν  
εὖ δέκα τριγώνων καὶ πετραγώνων εὖ. σώ-  
θετον δὲ ἐκ γῆς καὶ αέρος. ὁ δέκα καὶ τῶν δέ-  
καίων πνεὺς ηδεσσεν. τὸ δὲ ἔτερον πάλιν ἐκ  
πετραγώνων μὲν εἰκὼν τριγώνων δὲ εὖ ὁ καὶ  
καλεπάτρον εἶναι δοκεῖ. καθόλου δὲ τῶν

## ΟΝΟΜΑΤΑ

Σθυγράμμων τερεῶν σχημάτων: ἀρδεῖς  
πυρφρίδες: ἀδεπέσιματο: ἀγάπτε πυρφρί-  
δες, γάπτε πείσματο: τὸ μὲν οὐδὲν πύρφρι-  
σταφείρηται. Οκλέαδρον εἶναι σχῆμα τερεῶν ὑπό<sup>\*</sup>  
οκλώ τετράγωνων ισοπλάσιμων περιεχόμενον.  
Δωδεκάδρον δὲ εἶναι σχῆμα τοῦ Βατεί-  
γωνίων ισοπλάσιρων καὶ ισογωνίων περι-  
χόμενον: τὸ δὲ τεττάγωνον εἶναι γένεται τῷ  
δωδεκάδρον: ισον εἶναι τετράγωνοις τριστὶ πα-  
ρὰ δύο πλεύραν. Κύβον εἶναι σχῆμα τε-  
ρεῶν τοῦ εἴκοσι τετραγωνών ισοπλάσιρων καὶ ι-  
σογωνίων περιεχόμενον: καλεῖται δὲ τὸ σχῆ-  
μα τοῦ κύβου ξέαδρον. Πρίσματο δὲ εἶναι τὰ  
δύο βάσεως Σθυγράμμων συνθετινά πεδί-  
χωρίου Σθύγραμμον συάπτοντα: οὐτε δὲ  
πυρφρίδες, γάπτε πείσματα εἰν τὰ δύο βά-  
σεως Σθυγράμμου, κατ Σθύγραμμον συ-  
γειται πεδίς Σθεῖαν συάπτοντα. Τῶν δὲ πε-  
μάτων παράλληλόπλευρα καλεῖται: οὐτε ε-  
ξάεδρα οὐτε: τὰ ἀπεναντίον ἐπίπεδα πα-  
ράλληλα ἔχει. Παράλληλα δὲ ἐπίπεδα ε-  
ίναι: οὐτε οὐβαλλόμενα οὐ συμπίπτει ἀλλήλοις:  
η̄ τοιστοῖσι σῶν καὶ ὁμοίων τετράγωνων πινῶν γρα-  
φέντων: ἐκάστη πλεύρα παράλληλος εἶναι.  
Κάθετο δὲ οὐ τερεῶ λέγεται, οὐ δύο μετε-

ρου οημένου, περὶ εἰσπόδον ἡγμένη: οὐτις πᾶς  
οὓς ταῦτας ἀπομένας αὐτῆς σὺ τῷ εἰσπόδῳ  
περὶ ὄρθας ἔναι. Τῶν δὲ παραληλοποιή-  
ρων πεισμάτων: ἀ μὲν ἐνὶν ὄρθογάντα: ἀ δὲ  
οὐκ ὄρθογάντα. ὄρθογάντα μὲν γὰν ἐνὶν, δύον ἑ-  
κάπην τὰν ὄρθογάντων τὸν τριῶν γωνιῶν  
περιχομένων ἔχει γραμμή. τὸν ὄρθογά-  
ντα δὲ τὰ μὴ σύντοις ἔχοντα, Δοιὺς δὲ ἐνὶν ὁ τὸ  
μῆκος μείζον ἔχει τῷ πλάτους καὶ τῷ πά-  
χει: εἰς δὲ ὅπε τὸ πλάτος θυραῖ τὸ πάχος:  
πάχος δὲ καὶ Κάθθυραί ψυφθοῦ τὸν αὐτὸν λέ-  
γεται. Πλινθίς δὲ εἰς τὸ ἔχον τὸ μῆκος ἐλατ-  
τον τῷ πλάτος, καὶ βάθους: εἰς δὲ ὅπε ταῦτα  
ταὶ ἀλλήλοις ἔσται. Σφιώσκος δὲ εἰς τὸ ἔχον  
ἄγνοια ἀλλήλοις, τὸ το μῆκος, καὶ τὸ πλάτος,  
καὶ τὸ βάθος: πνὲς δὲ καὶ βάρισκον καλλῶς  
τῷ τριῶν σχῆμα.

Τὰ πάθη τῆς γεωμετρίας:

ἘΦάπτεται δὲ γραμμὴ γραμμῆς, καὶ  
ἐπιφανείας, καὶ τερεψ, καὶ ταγμάτων, καὶ  
κατὰ γραμμῶν: ταγμὴ δὲ ταγμῆς ἀψαμένη  
μία γίνεται. γραμμὴ δὲ γραμμῆς ἀψαμέ-  
νη: ὅλη ὅλης ὁμοίως μία γίνεται. Ευθῖα δὲ  
κύκλου ἐφάπτεται λέγεται οὗτος ἀποκρίευη

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τζχύκλου, καὶ ἐκβαλλομένη, οὐτὶ μηδέπερ  
τὰ μέρη τέμνει τὸν κύκλον. Κύκλος δὲ ἐφό-  
μεναι ἀλλήλων λέγονται: οἱ πνευ ἀπόμνηνοι  
ἀλλήλων, οὐ τέμνεσται ἀλλήλας. Εὐθεῖα δὲ  
τοῦς Πίπεδον ὄρθη εἰς, οἵτινες πάσαις  
τὰς ἀπόμνηνας αὐτῆς στηθαί πάπεδω,  
ὄρθας ποιεῖ τὰς γωνίας. Επίπεδον δὲ πάσσις  
Πίπεδον ὄρθον εἰς: οἵτιναί τῇ κεινῇ αὐτῶν  
ποιῇ πάσσις ὄρθας ἐν τῷ τῶν επίπεδων ἀγό-  
μναι οὐθεῖα: καὶ τῷ λοιπῷ πάσσις ὄρθας  
εἰς: επίπεδα δὲ παράλληλα εἰς τὰ ἀσύμ-  
μετρα.

Διάφοροι μὲν καὶ σὺν σύρεοῖς, καὶ σὺν ἐπί-  
πεδοῖς ηδη μὲν καὶ σὺν γραμμαῖς, ὁμοιότης καὶ  
ισότης: οὗτοι γοινοὶ καὶ στηθαί εκτὰ τῶν τζΕυ-  
κλεῖδου τοιχείων. Δύο δοθέντων εὐθυγράμ-  
μων, ἀμφὶ ὅρμοιν, ἀδεῖσιν συνήσπειδαι πάσ-  
κάται: κακοῖ μέσον ἀνάλογον εὐρόντες: Στη-  
ταύτης κατεσκεψάζομεν τὸ πεφεληθὲν ἐπὶ  
δὲ τῶν σερεῶν οὐδὲ δύο μεσότητων. Νωὶ δὲ  
καθόλα λέγομεν τοῖς μηδὲ σων στηθαί γραμ-  
μαὶ εἰσὶν, καὶ ἐπφανείσαι καὶ σερεὰ: οὐαὶ αὐ-  
μότηται ὅλαισις, η κατὰ γένος, η κατὰ φυ-  
ματισμὸν. Λέγεται δὲ ισσον, καὶ τὸ ισσοπεδί-

τρον τῇ πενικῇ, καὶ τὸ ίσουν τὰς χρυσαῖς:  
ῶς εκαὶ τέμπαδῶ, καὶ τὰ μόνα τέμπαδῶ:  
Ισαὶ δὲ γωνίαι εἰσὶν αἱ ἐφαρμόζουσαι ὅλαι ὅ-  
λοις, ἃν τοῖς ἐπιτάσσοις, η̄ ἐν τοῖς σερεοῖς, καὶ τὰ  
τὰς αὐτὰς σωμαγωγεῖ, η̄ κατὰ γένος, η̄ κα-  
τὰ χημείοις μὲν . Ισοι δὲ κύκλοι εἰσὶν, ὡν αἱ  
Διάμετροι ίσαι ἀλλήλαις εἰσὶν: Διπλὸν γὰρ τῶν  
αὐτῶν Διάμετρῶν σύν εἰσὶν ἑτέρον καὶ ἑτέ-  
ρον κύκλον ἐπινοῆσαι. Δοθέονται δὲ τῆς Διά-  
μετροῦ: Στέμποτα καὶ ὁ κύκλος τῷ μεγέθει.  
Ισοι δὲ ἀπέχειν τὰς Διθεῖς λέγεται τὰ κέν-  
τρου: ὅταν διπλὸν τὰ κέντρα, ἐπ' αὐτὰς κάθε-  
τοι ἀγόριμαι ίσαι ὁσιν. Μεῖζον δὲ φέλει οὐ μά-  
ζων κάθετος τώπει. Ισαὶ δὲ καὶ ὄμοις σερεὰ  
σχήματα εἰσὶ: τὰ τέλος ίσων ἐπιτάσσονταν πενι-  
κόριμα, καὶ ὄμοιας κακιμίων, ίσων γὰρ πλῆθος  
καὶ τὸ μέγεθος.

Ομοια εἰσὶ σχήματα διθύραμπα τὰ ἔ-  
χοντα κατὰ μίαν τὰς γωνίας ίσας, καὶ ἀλλως.  
ὅσαι τὰς τε γωνίας ίσας ἔχει κατὰ μίαν: καὶ τὰς  
πολὺ τὰς ίσας γωνίας πληρώς ἀνάλογον.  
Αὐτοπεποιθότα δὲ σχήματα εἰσὶν, ἐν οἷς ἐν-  
κατέρρω τῶν σχημάτων ἡγεμόνεις τε καὶ ἐπό-  
ρθμοι λόγοι εἰσὶν. Ομοια τιμάται κύκλων

## ΟΝΟΜΑΤΑ

ἔστι, τὰ δέ χόρδα γανίας ἔσται. Καὶ οἱ αἱ γανίαι ισηγεῖσται. Παραγωγοίσιας γένεσθαι τριπλασίας Φαρεῶν ὄμοια σερεὰ σχήματά εἰσι, τὰ ἀπὸ ὅμοιών ἐπιπέδων περιχόρδα καὶ ὄμοιας κέρμάτων. Πᾶς δὲ κύκλος περικύκλωσις τοῖς κύκλοις, καὶ ἐν τῷ εἰδέσθαι τῶν δὲ τριπλασίων τοῖς ἐπίγειοις αὐτὴν ὄμοιότης. ἀλλ' οὐαὶ μὴ ἔχει τοῦτο. μοίσιοι κλίσιν: τοῦτο δὲ τὰς οὐ αὐτοῖς γανίας ἀλλήλας ισους: ταῦτα καλεῖται ὄμοια: οὐχ ὄμοις: καὶ δὲ τὰ μηδέτως ἔχοντα: παραγωγοίσιας δὲ ἔχει καὶ οὐτὶ τῶν ἀλλων ἐπιπέδωντες καὶ σερεῶν σχημάτων.

Μέγεθος δὲ τὸ αὐξανόμενον, καὶ τὸ τελεόμενον εἰς ἄπορον: εἴδη δὲ αὐτὸς τρία γραμμῆς, ἐπιΦαίνεται, σερεὸν. ἄπορον δὲ εἰς μέγεθος τοῖς μείζοντος ζήτειν νοεῖται καθ' ἀπόστασιν ἡ λικανὴ διάποτε: ὅτε μηδὲν εἶναι αὐτὸς πέρας. Μέρος δὲ εἰς μέγεθος μεγέθυντος τὸ ἔλαττον τὸ μείζοντος: ὅταν καταμετρεῖ τὸ μείζων. εἴρηται δὲ τὸ μέρος γε, όπις ἡ κόσμος μέρος οὐ γῆ, όπις ἡ κόσμος ἀνθρώπων καὶ φαλῆρος: ἀλλὰ μὴν δέ οὐτις τῆς φύσεως οὐδὲ τῆς θεομητείας τὸ κύκλον ἀπόκριτος, λέγωμα μέρος εἶναι τὸν οὐλόφος.

ἐκτὸς τῆς οἰμικυκλίς λαμβανούμενος γωνίας  
πέποντὸς περὶ ὄρθας. ἀδυάντος γένεσιν πάντα  
ταῦτης τῆς γωνίας ή τις κεραίος εἰδῆς καλεῖ-  
ται καθαμετρηθῆναι τὸν ὄρθον, πάντος γω-  
νίας θύρυγράμματα ἐλάττοντος διπλού τῆς κε-  
ραίου εἰδῆς. Μᾶλλον δὲ τὸν μεγέθει μέρος  
ὅπερ τῶν ὁμοιογράμμων ληψόμεθα: καὶ γὰρ ταῦτα  
ἔχομεν τὸν μεγέθει μέρος, ὡς τὰν τὴν τρί-  
την ὄρθης γωνίαν λέγομεν τῆς ὄρθης μέρος  
εἶναι. Τὸ γένος φισκάπον σκεῦος παραληπί-  
ον τὸ λεγόμενον ὅπερ εἰ τὸ μέρος ἐστὶ τὸ καθε-  
μετρήσαν: καὶ τὸ καθεμετρήσαν εἶτα μέρος. καθαμε-  
τρεῖται δὲ τὸ σέρεον πάντα ποδιάδας θύεῖσας.  
μέρος δέ τοι ποδιάδας θύεια τὸ σέρεος. καὶ σε-  
ρεὸν εἶτα ηπειραίας θύειας τοῦ ἀγρον. ποδιάδα  
θύεια τὸ μῆκος καθαμετρεῖ τὸ σέρεος, καὶ  
τὸ βάθος, καὶ τὸ πλάτος ὅπερ εἰσὶν ὁμοι-  
γενεῖς αὐτῇ τῇ θύεια: μέντος τὸ σέρεον. Πολ-  
λακαλάσσον εἶτα τὸ μετρών τὴν ἐλάττοντος, ὅταν  
καθαμετρεῖται πάντα τὴν ἐλάττοντος.

Τὸ μέρος μὲν διαφένεται καὶ λόγος, καὶ τίνα  
ὁμογενῆ ἔμακει τὸ ἀναλογίας εἴρηται μὲν ἀ-  
κροβέσσεον ἐν τοῖς περὶ τῆς αριθμητικῆς σε-  
κδώσεως. νυῦ δὲ λέγομεν: ὅπερ ὡς ὅπερ τῶν

## ΟΝΟΜΑΤΑ

ἄλλων ὁμοιογενῶν η̄ ἀναλογίας ἐφαρμόζεται: Ταῦτα καὶ οἱ οὔποτε τῶν ἐν τοῖς μεγέθεσιν ὁμοιογενῶν λόγοι ἔχοντες ἀληλατὰ μεγέθη λέγεται: ἀδιάτοπη πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων παρερέχειν. Σεφές δὲ σὺν αὐτίθετας ταῦτα ὅρω τύτων καὶ λέγονται: ὅπερ μόνα λόγον ἔχει πεφές ἀληλα, ἀδιάτοπη πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων παρερέχειν. Σύμβολον δὲ τύτων ὁμογενεῖς, ὡς συμέτον συμέτον: ἀρχὴν πολλαπλασιαζόμενον τὸ συμέτον, παρερέχειν τὸ συμέτον. Σεφές δὲ τύτων ρήτορες, ὅπερ τὸν κατὰ μέγεθος πολλαπλασιασμὸν σὺν οὔποτε ξετατῷ τὸ συμέτον. Οὐδὲ ἀτάκητοι μεγέθεις: τύτοις τευχῆς καὶ τύχης μέγεθος πολλαπλασιασθῆναι. μόνως δὲ οὔποτε ξετατῷ πολλαπλασιασμὸν κατέχειν τύτων, ἐπειδὴ ἐν τῷ εὐθεῖα ἀπόδεσμον συμέτον, τὰ ποσάδε ποσῶνδε εἰς πολλαπλασιασθῶν τὰς ποσές μεγέθεις διαλέγονται ταῦτα, ἔχοντάς τινα Διάσκοτον. Ταῦτα γενικῆς ἀντικρύξις: τὸ μὲν συμέτον ἀμερές: λόγοι δὲ εἰς αὐτὸν πεφές ἀληλατὰ μεγέθη εἴπονται. Εν ταῖς αὖται λόγῳ μεγέθει λέγονται πεπῶτοι ταῦτα, δικτύρων καὶ τρίτον περὶ τέταρτον: ὅταν ταῦτα πεπῶτα καὶ ταῦτα ἴσσαντας πολλαπλά-

οια τῶν τε δύοτέρου καὶ πετάρτυς ἄλλων ὡς  
ἔτυχε ισάκις πολλαπλασίων η̄ ἀμφὶ πε-  
ρέχει. η̄ ἀμφὶ ἐλείσθι: η̄ ἀμφὶ ίση η̄ ληφθεῖσα  
καὶ ἄλληλαι τὰ δὲ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντα  
ἀνάλογον καλείσθω. Αναλογία δὲ τριστὸν  
ὅροις ἐλαχίστοις ἐστίν. Εν ταῦθα ὅρων λαμβα-  
νομένων οἵτοι τῶν μεγεθῶν, οἵτοι τῶν ἀπτικε-  
μένων αὐτοῖς αἱριθμῶν. ὡς γὰρ κύκλῳ θρό-  
νον η̄ περιφέρεια, καὶ τριγώνος αἱ πλευραὶ  
ὅτα τὰς θερέτρους τὸν εἰς τὸν οἰκούμενον  
αἱριθμοὶ. Οταν δὲ τρία μεγέθη ἀνάλογον η̄,  
τὸ πεπτὸν περὶ τὸ τρίτον διπλασίονα λόγον  
ἔχει λέγεται η̄ περὶ τὸ δύοτέρου Φησὶ γῆν  
Εργαστέντος, ὅπ πάστερ όπι τῶν Διάκτημά-  
των ἵσων καὶ δύθεται κέφαλον κέφαλον τὰ Διά-  
κτηματα διπλασιάζεται: ὅτως Σὲπτὶ τῶν λό-  
γων, ὁσανεὶ καὶ δύθεται κέφαλον κέφαλον, τὸ ἀπερὲς  
τὸ γῆρας διπλασίονα λόγον ἔχει οἵτοις περὶ τὸ  
δύοτέρου, τὰ γὰρ τῶν τοῦ ἀφέντην ημιολίω  
καὶ τὰ δι τῶν δι τῶν ημιολίω. Τὰ δέρα θ  
τῶν τοῦ ἀφέντην δύσιν ημιολούσις. καὶ γὰρ αἱ  
περιοχαὶ αἱ δύο τῆς μᾶς εἰσὶν αὐταὶ. οἷον αἱ  
ἐπι τῶν θ. καὶ τῶν δ. περέχει γὰρ θ τοὺς  
τοῖς τριστὸν: περέχει δὲ καὶ οἱ τῶν δι-

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τοῖς δυσὶν. τὰ δὲ τείχια καὶ τὰ βοσκήνη  
ποιεῖ τὸν πάντες. οἱ εἰς τὴν θηρίαν ἀπεροχή.  
Ωστερ δὲ στὸ τῶν μετόπων ἐπὶ τοῦ ἑλάτ-  
τονας αἱ ἀπεροχαὶ ποιεῖσθαι διαλασίας λόγους  
καὶ τριαλασίας: γέτως διπλὸν τῶν ἑλατίων αἱ  
ἐλατίψεις. Οταν δὲ τῶν ισάκις πολλαστλα-  
σίων τὸ μὲν τὸ πεῖστα πολλαστλάσιον: ἀπε-  
ροχὴ τὸ τὸ διδύλερος πολλαστλασίς, τότε τὸ  
πεῖστον πεῖστον τὸ διδύλερον, μείζονα λόγους ἔχει  
λέγεται ή τὸ τρίτον πεῖστον τὸ τετράρτον. Εν δὲ  
τώτῃ τῇ ἀποχαφῆ τὸ ὄρος, Βεβύλεται ὁ  
Εὔκλείδης εἰς ταύτας οἵμας ἀγαγεῖν καὶ  
παραγεῖται ἐν τρισὶν ἐνρίσκεσθαι δεῖ μείζονα  
λόγου λόγους: καὶ ἐπεὶ τὰ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ κε-  
χαρακτηρεῖθαι διπλὸν τῶν ισάκις πολλαστλα-  
σίων οἵτοις αὖτοι ταπεχόντων η ἀμφοῖσιν ὅν-  
τας, η ἀμφοῖς ἐλάττων των ταπεχοχλεών. οἳ ταῦτα δὲ  
γίνεται ἀπεροχή: αὐτὸς ἐν τῷ πάντα τῆς  
καθόλου λόγων συγχειώσεως ἐν τῷ θεωρή-  
μαν τῶν ανίστον μεγεθῶν ἐπέδειξεν. Ομόλο-  
γος μεγέθη λέγεται εἶναι: τὰ μὲν οἵγερμα τοῖς  
οἵγερμάσι: τὰ δὲ ἐπόρματα τοῖς ἐπόρμάσι.  
λόγῳ μὲν εἴρηται ὅτι δύο ὄμορμῶν ἐγίνεται

πεῖστος

περὶ ἄλληλα φέροις: εἰς δὲ τῶν μεγεθῶν λέξιν οὐδὲν ιδίως, οὐ λόγος Θεῖς δύο μεγεθῶν μορφῶν η̄ κατὰ πυλικότητα τία φέροις: εἴς εἶναι καὶ εἰς τὸ αὐτὸν ἀναλογίαν τῶν τοιάτων λόγων ὄμοιότητα. Ανάπτειν λόγος Θεῖς ἐν τῇ ἐπομένῃ, περὶ τὸ ιγνώσκειν. Συνθέντι λόγος Θεῖς λῆψίς τῇ ιγνώσκειν μὲν ἀπὸ τῇ ἐπομένου ἡς ἔνος πέριος αὐτῷ ἐπόμενον. Τὰ δὲ ἄλλα ὅστις καθόλες εὑρίσκωσεως διαριζει.

Η ἄπρος γραμμὴ δὲ πολλαπλασιασμοῦ οὐδὲν περιέχει: δοθεῖσα συγκρίνεται ἐπειρου πέριος ἐτέρου. Τὰ μὲν μὴ ὄμοιον: εἴ δὲ ναῖαι λόγου ἔχειν πέριος ἄλληλα ποίαι φέροιν. Οἷον γραμμής πέριος γραμμής, καὶ Φαίδρα πέριος εἰς Φαίδραν, καὶ τὰ λοιπὰ ὄμοιάς. Τῷ δὲ ἀναλογίαν μὴν, αἱ μὲν εἰσὶ συνεχεῖς: αἱ δὲ διεχεῖς: συνεχεῖς μὲν αἱ συνεχῶς, καὶ αἰδηνότως ἔχουσαι τὰς φέροις: διεχεῖς δὲ εἰσὶν ὅταν μὴ διτοῦς ἔχουσιν οἱ λόγοι: ἀλλὰ διηγημάτοις ἀπὸ ἄλληλων: καὶ μὴ τῶν τῇ μέσῃ ὁρού συναπόμενοι ἄλληλοις. οὐδὲν μέσος Θεῖος Θεῖος τῇ μὲν ιγνώσκειν: τῇ δὲ ἐπειρου. συνεχεῖσις η̄, δ̄, β̄, διεχεῖσις η̄ πέριος δὲ καὶ δ̄ πέριος γάρ λόγος Θεῖος: εἰς διέσημην τὸ μετρέσυ τῶν μεγεθῶν τῶν σκεψιμάτων.

Περὶ

## ΟΝΟΜΑΤΑ

Περὶ συμέτρων καὶ ἀσυμέτρων ὁ εὐ-  
χειτής ἐν τῷ δεκάτῳ τῆς γοιχείωσες Βι-  
βλίῳ πολλὰ παραδίδωσι.

Τὸ ρήτον καλογον μέγεθος, ἐκάπερον δὲ  
ἐν τῶν καθ' εαυτὰ νομιμών: ἀλλὰ τοῦτος ἔτε-  
ρον συγχεινομένων. οὐτοις γὰρ ἀλλήλοις σύμμε-  
τρεψαται καὶ ρήτορες ἀλληλα λέγεται. οἱ  
μὲν ἀριθμοὶ σύμμετροι τυγχαίστου: ἐπάνω  
ἐκάστος αὐτῶν τὸ τινος ἐλάχιστο μέρος με-  
τρεῖται. ὅμοίως δὲ τῇχος, καὶ πολιαρτής, συμ-  
μετρέσσι ἔγειται πρὸς ἀλλήλας. ἐκάπερον γὰρ ὑ-  
πὸ τοῦ ἐλάχιστο μέρος καθέμετρον τὸ δα-  
χίλιον. \*

Τῶν μέτρων ὄντων μο-  
νάδος θέσιν ἔχειν τὸ αὐτό. ἀπείρος δὲ εἰ  
τοῖς μεγέθεσιν τὸ σάρχοντος, καὶ μηδενὸς  
ὑφεστηκότος ἐλαχίστη μέτρος. δῆλον ὅποι τῷ  
ρήτορῷ μεγέθησι οὐχ ἐν τῷ ἀριθμόν, ὡς ὁ δά-  
χιλος τὸ ἐλάχιστο μέτρον: ἀλλὰ φίλημαν εἶναι  
ὁ πολιάρτον ἀν θέλαιρι ἐλάχιστον τοσθέατον  
μέτρον γνώριμον: ἐν ᾧ μονάδι. τῶν γὰρ  
εαυτομέγεθος ὡς ἐλέχθη τὸ ρήτον τοῦτο ἀλ-  
ογον. ὅπερι καὶ πᾶσαι θεῖα καθ' εαυτοὺς τοῦτο ρή-  
το, τοῦτο ἀλογον τὸ εἶδος. συγχεινομένη δὲ τοῦτος  
τοσθέατον ἐν θέσι μονάδα: ρήτορή ἀλογον  
ευρί-

ένρισκεται. οὗτος γάρ της πετρεγώντας αλευ-  
ρᾶς παραβείσθις ρήτορες οὐδέμετρος διωά-  
μητρού ἐνρισκεται: μήτις γένεται ἄλογος Θεός ἐνρι-  
σκεται: καὶ τάλιν τὸν τῆς Διδαχῆς ρήτορος  
παραρχόντος: οὐδὲν διαφέρει διανάμενος ρήτορος. εκάλε-  
ρχος αὐτῶν καθ' ἑαυτὸν τὸν ρήτορος, τοπάρ-  
ρητος τοῦτον ἐντὸντος παραρχόντος. Οὐτοις  
γάρ τῶν θεοῖς ἐλαχιστόντι μέτρον παθέ-  
μοις διθέταιαν μονάδων: οἱ δύο τῶν μαθημά-  
των ρήτορος ὀνόμαζον: καὶ τὰς αὐτῆς συμμέ-  
τρεχούσας ρήτορας: ὅμοίως δὲ καὶ τὸ ἀτομός αὐτῆς πε-  
τρεγώντος ρήτορος: καὶ τὰ τύτω χωρία σύμμε-  
τρεχα: ρήτορας εκάλεσσιν: καὶ ρήτορος ὅμοίως, τὸν ἀτο-  
μόντος κύβον, καὶ τύτω σύμμετρα σεριδο-  
ντος δὲ ἀκεσσόν τοῦτον τὸν ἀλογοντερεόν  
μηδὲ τὸ ἀσύμμετρον τῷ δύο τοῦτος κύβῳ: ε-  
πίπεδον δέ, τὸ ἀσύμμετρον τῷ δύο τοῦτος ρήτορος  
πετρεγώντω. μηκός δὲ τοῦτον τὸν θεοῖς ρήτορος  
παραρχόντος. Όπιδὲ τῶν θεοῖς διτῆς  
υοκρίμης τῆς συμμετρίας: μηδὲν ὅταν αὐ-  
τας θεοῖς συμμετριῶσι: τὰ δὲ ἀτομά αὐτῶν  
χωρία σύμμετρα ἀλλήλοις: ἔτερος δέ, ὅταν  
καὶ τὰ αὐτὰ χώρια ἀσύμμετρα ἀλλήλοις  
εἰναι. διτῆς καὶ τοὺς τοὺς ρήτορος Διδαχοφορὰ  
κατὰ

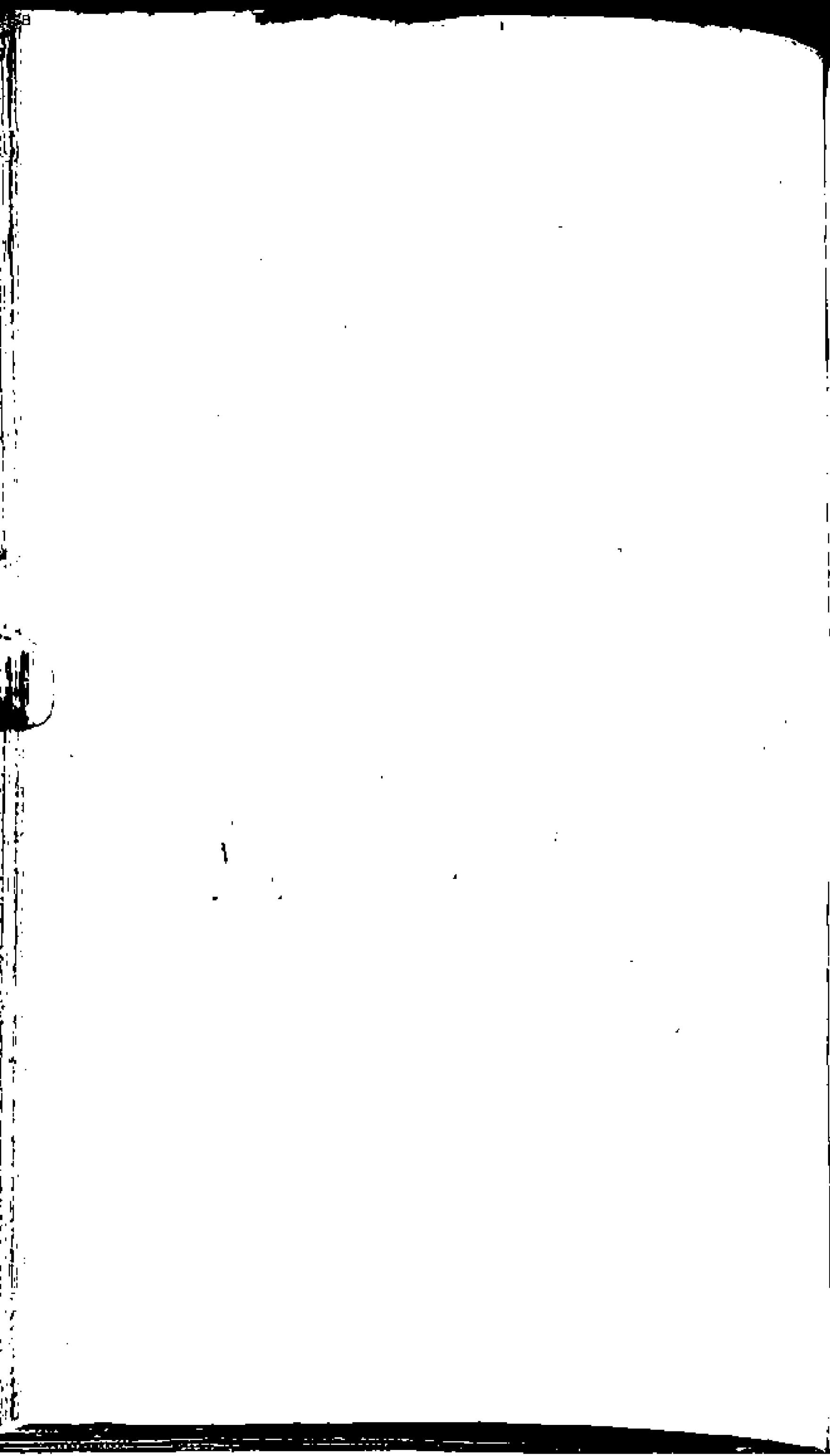
## ΟΝΟΜΑΤΑ

καὶ τὸ παλαιός ὑπῆρχε. αἱ μὲν γὰρ λέγονται διάναμψ ρήται, αἱ δὲ ἀλογοι· αἱ δὲ λοιπαὶ μίκης· διάναψ μὲν εἰσὶν ρήται ἡς προφέται· μὲν οὖται μὲν εἰσὶν αὗται ἀσύμμετροι τῇ ρήτῃ· τὰ δὲ αὐτῶν τετράγωνα σύμμετρα τοῦ διπλοῦ τῆς τετραγωνίας· μήκει δὲ, ὅταν τοῦ αὐτῶν τετράγωνα τοῦ τετραγωνοῦ αριθμοῖς ἢ τὰς πλευρὰς ἔχει συμμέτρους τῇ ρήτῃ μήκει. καὶ καθόλας καὶ λόγοι τοῦ τῆς ρήτης σύμμετρος, πρῶτης εἰτε μήκει, εἰτε διάναψ ρήτων. Οριζονταὶ γένους φύτευσθαι τοῦ τετραγωνίου. τοῖς δὲ διάθυμοι γυναῖκαi· οὐκέτι δὲ ρήτης ὅφθατο· εἰλλαδὲ οὐ μεθεβοκός αὐτῇ. ὅταν γὰρ λέγει χάρεια ἐκ τιθῶν ρήτων· τῷ διπλῷ τῆς πάγκας ρήτης· οἵδιμι διάτην ποσῶν ἐξι παλαιών ή δικήλων· πόθεν, εἴ τῶν συμβεβηκότων λέγονται ρήται· οὐδὲ διάθυμοι γυναῖκες. Στριφέρει δὲ ρήτης δοθέσις. τῷ τεντρὶ μὲν ρήται δοθέσαι εἶναι παντας· τῷ δοθέσαι δὲ τὸν εὐγένειαν μόνον· καὶ γὰρ εἰσὶ πνεῖς ἄλογοι δεδούμεναι· Απὸ τῆς προφέτειας δοθέσαι τετράγωνοι ρήται λέγοι οἱ Εὐκλείδης. προτεθέσαι δὲ εἰ.

δὲ διθεῖα καὶ λεῖται, τὰς δέχη μέτρων καὶ οἶον  
καὶ κάνων εἰς ἐκμέτρησιν πλεῖν μηκῶν καὶ  
πλάτεστιν εἴληφται. οἷον εἰς τὰς αὐθίενες ποστὰς  
εἴη τὸ μετρεῖν Διάστημα τοποκρίμων π-  
νῶν ομοιῶν καὶ διενὰν καὶ δεόντως παθαίσι τὸ  
ποσῶν ἐνὶ ποδῶν ή πηχῶν: ἀναγκαῖον δὲν δέοι  
πηχὸς καὶ ποδὸς αὐτεῖν ήμᾶς παρὰ τὴν παρέ-  
χοντι <sup>Θ</sup> πηλικότητι: καὶ σκέψη γεωμετρίους  
τῆν αὐθίεστιν καὶ ρητῆ διθεῖα: τὸ παρτεθὲν  
Διάστημα ἔξετάζωμεν εἰς ἐνὶ ὅλως ρητῷ μέ-  
τρον.

Τῶν δὲ ἐν τοῖς μεγέθεσι τῶν μετρήσεων:  
καὶ διμετρεῖται τὰ ὄλα ἐνὶ τὰ δὲ. Δάκτυλος,  
παλαιῆ, στιθαμῆ, πάσι, πάχυς, Βῆμα, ὄρ-  
γανα, πάντων δὲ ἐλαχιστότερον ἐνὶ δάκτυ-  
λῳ. Διαφέρει τῷ δὲ καὶ εἰς μέρη ἐστὶ ὅτερον  
οὐδὲν ήματον, καὶ τρίτη καὶ λοιπὰ μόρια.  
Εἰσὶ δὲ καὶ ἔτερα μέτρα ὑπενεοντομέτρα ποσὶ  
ταῦτε. πᾶσον, ἄκανθα, πλέθρον, Ιὔγερον,  
σάδιον, μίλιον, χροῖνος, χροῖνος περ-  
σική, καὶ χεῖν <sup>Θ</sup> ἐλλαϊκή,  
καὶ λοιπά.

Τ Ε Λ Ο Σ.



EVCLIDIS ELEMEN-  
tum primum ex Theonis  
Commentarijs.

Definitiones.

**P**unctum est: quod partem non habet.  
Linea est: longitudo absq; latitudine.  
Termini linea, sunt puncta.

Linearecta est: quæ ex aequo posita es<sup>t</sup> inter  
sua puncta.

Superficies est: quæ longitudinem & latitudi-  
nem tantum habet.

Termini superficii, sunt linea

Plana superficies est: quæ ex aequo posita es<sup>t</sup>  
inter suas lineas rectas.

Angulus planus est: duarum linearum: se se in  
plano tangentium: & non ex aduerso po-  
sitarum: mutua inclinatio.

Rectilineum vocamus angulum: quem linea  
rectæ continent.

Cum recta super recta plans: angulos vicinos,  
inter se fecerit æquales: rectus est uterque  
æqualium illorum angulorum.

Recta vero linea, angulos illos æquales fac-

A.

## ECLIDIS

ens: perpendicularis dicitur ad eam lineā,  
super qua consistit.

Obtusus angulus est: qui recto est maior.

Acutus vero: qui recto est minor.

Terminus est, quod alicuius finis est.

Figura est: que termino aliquo, aut aliquibus  
terminis continetur.

Circulus est figura plana: una linea cōcenta:  
(quam vocamus circumferentiam) ad quam  
ab uno aliquo ex punctis, que intra ipsam  
sunt, omnes lineae rectæ procidentes; iner-  
se sunt æquales.

Centrum vero circuli: vocatur hoc in circulo  
medium punctum.

Dimetiens circuli est: recta quædam linea, per  
centrum circuli ducta: virinq; ad circum-  
ferentiam circuli definens: ipsumq; circulum  
in duas partes æquales diuidens.

Semicirculus est: figura, quam dimetiens circu-  
li, et intercepta à dimetiente circumferen-  
tia continet.

Segmentum circuli est: figura, quam lineare-  
ta, et circuli circumferentia continet.

Rectilineæ figure sunt: quas rectæ lineæ am-  
bulant.

Trila-

Trilateræ quidem: quas ambiunt tres rectæ.  
Quadrilateræ verò: quas quatuor. Multilateræ  
que, quas plures, quam quatuor rectæ am-  
biunt.

Ex trilateris autē figuris. Triangulus aqui-  
laterus est: qui triahabet æqualia latera.  
Æquicratus, qui duo tuncum habet æqualia  
laceræ.

Scalenus triangulus: qui triahabes inæqua-  
lia latera.

Item ex triangulis figuris, triangulus rectan-  
gulus est: qui angulum habet rectum.

Amblygonius: qui angulum habet obtusum.

Oxygonius: qui angulos tres acutos habet.

Ex quadrilateris figuris: quadratū est, quod  
æquilaterum est, & rectangulum.

Quadrangulum oblongum: quod rectangulū  
quidem est, sed non æquilaterum.

Rhombus: quod æquilaterum quidem est, sed  
non rectangulum.

Rhomboides: quod latera è regione posita ha-  
bet æqualia: ac etiam angulos æquales; nō  
tamen est æquilaterū, neq; rectangulum.

Omnis reliquæ præter bas, quadrilateræ figu-

## EVCLIDIS

quæ Trapezia vocentur.

Æquidistantes rectæ lineæ sunt: quæ in eodem  
plane sitæ: & in infinitum ex parte que par-  
se extensa: in neutra tamen concurrunt.

## POSTVLA T A.

Petatur. A quovis puncto: ad quodius punctum:  
rectam lineam describere.

Item, lineam rectam finitam: in infinitum usq;  
extendere.

Item, quovis centro, & quovis interuallo: de-  
scribere circulum.

## COMMUNES NOTIONES, jeus sententiae.

Quæ eidem sunt æqualia: illa inter se sunt æ-  
qualia.

Si æqualibus æqualia fuerint adiecta: etiam  
totæ sunt æqualia.

Si ab æqualibus æqualia fuerint ablata: etiæ  
quæ relinquuntur, sunt æqualia.

Si in æqualibus æqualia fuerint adiecta: etiæ  
totæ sunt in æqualia.

Si ab in æqualibus æqualia fuerint sublata:  
quæ relinquuntur sunt in æqualia.

Quæ sunt eiusdem dupla: inter se sunt æqualia.

Quæ

Quæ eiusdem sunt dimidia: inter se sunt <sup>3</sup> aequalia.

Quæ applicata inter se conueniunt: sunt aquælia.

Totum, est maius sua parte.

Omnes recti anguli: inter se sunt aequales.

Cum in duas rectas, recta incidens linea: duos internos ex una parte angulos, duobus rectis facit minores: productæ istæ duæ lineæ rectæ in infinitum: ex ea parte concurreat: ubi sunt illi duo anguli duobus rectis minores.

Duæ lineæ rectæ, figuram non faciunt.

**S**Propositio prima. Problema.

Vper data linea recta finita: triangulum æquilaterum constituere.

Explicatio dati.) Sic data linea recta finita ab. (Explicatio quæsiti.) Oportet super linie recta ab: triangulum æquilaterum constitutere. (Delineatio.) Centro a, interuallo ab: describatur circulus Bye. Item centro B, interuallo Ba: describatur circulus ayd: ducantur deniq; lineæ rectæ ay, yB. (Demonstratio.)

## EVCLIDIS

(io) Quoniam punctum a, est censum circulum  
yB: idcirco recta ay, est aequalis rectae aB.  
rursum quoniam punctum B, est centrum circu-  
lit yad: idcirco recta By: aequalis est recta Ba.  
Verum demonstratum est: quod recta yd: aucta  
aequalis sit rectae aB. Ergo veraq; rectarum  
ya, yB: est aequalis rectae aB. Quæ verò vide-  
sunt aequalia: illa etiam inter se sunt aequalia.  
Ergo ya recta: etiam aequalis est, rectæ yB.  
Tres igitur lineæ rectæ ya.aB, ay: sunt inter  
se aequales. (Conclusio.) Triangulus itaq;  
aBy, est equilaterus: et consistit super data  
linea recta finita aB. Quod faciendum erat.

### Propositio secunda. Problema.

**A**d punctum datum: lineæ rectæ  
datae: e qualēm lineam rectam po-  
nere.

Explicatio dati.) Sic punctum datum a,  
et data recta linea By. (Explicatio quæsiti.)  
Ad punctum datum a: datae lineæ rectæ By:  
ponenda est recta linea aequalis. (Delineatio.)  
Ab a punto, ad punctum b: dicatur linea  
recta aB: et super linea aB: statuatur triangu-  
lus

lus equilateris ad  $\beta$ . Ex condantur etiam linea recta  $\alpha$ , de versus puncta  $e$ ,  $\zeta$ : et fianc rectae  $\alpha$ ,  $\beta$ : Centro quoq;  $\beta$ , inter ualio  $\beta\gamma$ : describatur circulus  $\gamma\eta\theta$ . Item Centro  $\delta$ , inter ualio  $\delta\eta$ : describatur circulus  $\eta\lambda$  (secans lineam rectam  $\delta\zeta$ , in punto  $\eta$ .) Demonstra tio.) Quoniam punctum  $\beta$ , est centrum circu li  $\gamma\eta\theta$ : idcirco recta  $\alpha\gamma$ , est aequalis rectae  $\beta\eta$ . Item quoniam punctum  $\delta$ , est centrum circu li  $\eta\lambda$ , igitur recta  $\delta\lambda$ , est aequalis rectae  $\delta\eta$ . Ex quibus  $\delta\alpha$ , fuit aequalis rectae  $\delta\beta$ . reliqua igitur a  $\lambda$ : reliqua  $\beta\eta$  est aequalis. Utraq; idcirco rectarum  $\alpha\lambda$ ,  $\beta\gamma$ : est aequalis rectae  $\beta\eta$ . qua verò eidē sunt aequalia: illa in cor se sunt aequalia. quare recta  $\alpha\lambda$ , etiam erit aequalis re Etæ  $\gamma$ . (Conclusio.) Ad datum igitur punctū  $\alpha$ : data linea recta  $\beta\gamma$ : aequalis posita est recta linea  $\alpha\lambda$ . quod faciendum erat.

### Propositio tercia. Problema.

**D**ubus rectis inæqualibus datis: ex maiore, minori aequalem rectā lineam auferre.

**E**xpliatio dati.) Sic data linea recta ma

## EVCLIDIS

ior  $\alpha\beta$ : minor verò  $\gamma$ . (Explicatio quæfiri.)  
Ex maiore linea  $\alpha\beta$ : tollenda est recta æqua-  
lis linea  $\gamma$ . (Delineatio.) Ponatur ad punctū  
 $\alpha$ : linea  $\gamma$ : æqualis recta linea ad. deinde cen-  
tro  $\alpha$ , inter ual lo ad: describatur circulus  $\delta\epsilon\zeta$ .  
(Secans rectam  $\alpha\beta$ , in punto  $\epsilon$ . (Demonstra-  
tio.) Quoniam punctum  $\alpha$ , centrum est circuli  
 $\delta\epsilon\zeta$ . idcirco recta  $\alpha\epsilon$ , est æqualis rectæ ad. Ve-  
rum recta  $\gamma$ , etiā est æqualis rectæ ad. Utraq.  
igitur rectarum  $\alpha\epsilon$ ,  $\gamma$ , est æqualis rectæ ad.  
Quare  $\alpha\epsilon$ , etiam est æqualis rectæ  $\gamma$ . (Conclu-  
sio.) Duabus igitur rectis datis inæquilibus  
 $\alpha\beta$ ,  $\gamma$ : ex maiore  $\alpha\beta$ , ablata est  $\alpha\epsilon$ : æqualis  
minori  $\gamma$ . Quod faciendum erat.

## Proposicio quarta. Theorema.

**S**i duo trianguli, duo latera duobus  
lateribus habuerint æqualia alterū  
alteri: & angulum angulo æqualem,  
qui æqualibus rectis lineis continetur;  
etiam basim basi habebunt æqualem:  
& triangulus triangulo erit æqualis: et  
reliqui anguli, reliquis angulis erunt  
æquales: alter alteri, quos latera subten-  
dunt æqualia.

Expli-

Explicatio dati.) Sint duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  
 $\delta\epsilon\zeta$ : habentes duo latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\gamma$ , aequalia duo  
bus lateribus  $\delta\epsilon$ ,  $\delta\zeta$  alterum alterius latus  $\alpha\beta$ ,  
æquale lateri  $\delta\epsilon$ : & latus  $\alpha\gamma$ , æquale lateri  
 $\delta\zeta$ : & angulum  $\beta\alpha\gamma$ , æqualem angulo  $\epsilon\delta\zeta$ .  
(Explicatio quæsiti.) Dico quod basis  $\beta\gamma$ , si  
æqualis basi  $\epsilon\zeta$ : & triangulus  $\alpha\beta\gamma$ : sit æqua-  
lis triangulo  $\delta\epsilon\zeta$ : & reliqui anguli, reliquis  
angulis sint æquales: alter alterius, quos æqua-  
lia illa latera subtendunt: angulus  $\alpha\beta\gamma$ ,  
si æqualis angulo  $\delta\epsilon\zeta$ : angulus autem  $\alpha\gamma\beta$ ,  
sit æqualis angulo  $\epsilon\zeta\delta$ . (Demōstratio.) Quan-  
do enim triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , applicatur triangu-  
lo  $\delta\epsilon\zeta$ : punctum  $\alpha$ , ponitur super puncto  $\delta$ : &  
recta  $\alpha\beta$ , applicatur rectæ  $\delta\epsilon$ , cadet etiam  
punctum  $\beta$ , super puncto  $\epsilon$ . quia  $\alpha\beta$ , est æqua-  
lis rectæ  $\delta\epsilon$ . Deinde si recta  $\alpha\beta$ , applicatur re-  
ctæ  $\delta\epsilon$ : etiam recta  $\alpha\gamma$ , applicabitur rectæ  $\delta\zeta$ .  
quoniam angulus  $\beta\alpha\gamma$ , proponitur æqualis  
angulo  $\epsilon\delta\zeta$ . quare ex punctum  $\gamma$ , applicabi-  
tur puncto  $\zeta$ . cum recta  $\alpha\gamma$ , æqualis sit rectæ  
 $\delta\zeta$ . Verum punctum  $\beta$  applicabitur puncto  $\epsilon$ .  
Basis igitur  $\beta\gamma$ : basi  $\epsilon\zeta$  applicabitur. Nam si  
punctum  $\beta$  applicetur puncto  $\zeta$ : & basis  $\beta\gamma$ ,

E V C L I D I S

non applicetur basi  $\angle c$ : cum duæ rectæ figuræ facient, quod est impossibile. Basis igitur  $B\gamma$ , basi  $\angle c$  applicatur: et est ei æqualis. Vnde ex totius triangulus  $aB\gamma$ : toti triangulo  $d\angle e$  applicabitur, et ei erit æqualis: et reliqui anguli, reliquis angulis applicabuntur, eisq; erunt æquales: angulus  $aB\gamma$ , angulo  $d\angle e$ : et angulus  $a\gamma\beta$ , angulo  $d\angle e$ . (Conclusio.) Si igitur duo trianguli, duo latera duobus lateribus habuerint æqualia alterum alteri: et angulum angulo æqualem, qui æqualibus rectis lineis continetur: etiam basin basi habebunt æqualem: et triangulus triangulo erit æqualis: et reliqui anguli, reliquis angulis erunt æquales: alter alteri, quos æqualia illa latera subveniunt. quod erat demonstrandum.

Propositio quinta. Theorema.

**T**riangulorum, qui duo æqualia habent latera: anguli ad basim sunt æquales. Et productis æqualibus illis rectis: etiam qui sub basi sunt anguli inter se erunt æquales.

Explicatio dati.) Sit triangulus æquicru-

rius  $\alpha\beta\gamma$ , babens latus  $\alpha\beta$ , æquale lateri  $\alpha\gamma$   
 & producatur linea  $\alpha\gamma$ ,  $\alpha\beta$ , in'  $\angle\theta\epsilon\alpha$  (hoc  
 est, ut continuè extendantur secundum lineam  
 rectam) & fiant rectæ  $\theta\delta$ ,  $\gamma\epsilon$ . (Explicatio  
 quæfisi.) Dico quod angulus  $\alpha\beta\gamma$ , sit æqualis  
 angulo  $\alpha\gamma\beta$ . Et quod angulus  $\gamma\beta\delta$ , sit æqua-  
 lis angulo  $\beta\epsilon$ . (Delineatio.) Sumatur in li-  
 nea  $\beta\delta$ : punctum quodvis  $\zeta$ . deinde collatur à  
 maiore linea  $\alpha\epsilon$ , minori  $\alpha\zeta$ : æqualis linea  $\alpha\eta$ .  
 denique ducatur rectæ  $\zeta\gamma$ ,  $\eta\beta$ . (Demonstra-  
 tio.) Quoniam recta  $\alpha\zeta$ , est æqualis rectæ  $\alpha\eta$ :  
 & recta  $\alpha\beta$ , æqualis rectæ  $\alpha\gamma$ : ducatur re-  
 ctæ  $\zeta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ : duabus rectis  $\eta\alpha$ ,  $\alpha\beta$  sunt æqua-  
 les, altera altere: & communem ambiunt  $\angle\alpha$   
 angulam. quare basis  $\gamma\beta$ , basi  $\eta\beta$  est æqualis:  
 & triangulus  $\alpha\gamma\beta$ , triangulo  $\alpha\eta\beta$  æqualis  
 est: reliqui etiam anguli, reliquis angulis æqua-  
 les sunt: alter alteri, quos æqualia illa latera  
 subiendunt: angulus  $\alpha\gamma\beta$ , angulo  $\alpha\beta\eta$ : & an-  
 gulus  $\alpha\gamma\beta$ , angulo  $\alpha\beta\gamma$ . Cum verò tota recta  
 $\alpha\zeta$ , tota rectæ  $\alpha\eta$  sit æqualis: & recta  $\alpha\beta$  abla-  
 ta, sit æqualis rectæ  $\alpha\gamma$  ablate. idcirco reli-  
 qua linea recta  $\beta\zeta$ : reliqua rectæ  $\gamma\eta$  etiam e-  
 rit æqualis. Verum recta  $\gamma\beta$ : demonstrata es-  
 t  
 æqua-

## EVCLIDIS

equalis esse rectæ  $\alpha\beta\gamma$ . duæ igitur rectæ  $\beta\gamma$ ,  
 $\gamma\alpha$ : duabus rectis  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\beta$  sunt æquales altera  
altera: & angulus  $\beta\gamma$ , æqualis est angulo  
 $\gamma\alpha$ : basis etiam eorum communis est recta  
 $\beta\gamma$ . triangulus igitur  $\beta\gamma\alpha$ : triangulo  $\gamma\alpha\beta$  e-  
tiam erit æqualis: & reliqui anguli, reliquis  
angulis æquales: quos æqualia illa latera sub-  
tendunt. angulus  $\beta\gamma$ , æqualis angulo  $\alpha\beta\gamma$ :  
& angulus  $\beta\gamma$ , angulo  $\gamma\alpha\beta$ . Quoniam nunc  
totus angulus  $\alpha\beta\gamma$ , toti angulo  $\alpha\beta\gamma$  demon-  
stratus est æqualis: quorum ablatus angulus  
 $\gamma\alpha\beta$ , ablatu[m] angulo  $\beta\gamma\alpha$  est æqualis. ergo re-  
liquus  $\alpha\beta\gamma$  angulus, reliquo  $\alpha\beta\gamma$  angulo est  
æqualis: & sunt anguli ad basim trianguli  
 $\alpha\beta\gamma$ . Angulus verò  $\beta\gamma\alpha$ , angulo  $\alpha\beta\gamma$  de-  
monstratus est æqualis esse: & sunt sub basi.  
(Conclusio. Triangulorum igitur, qui duo ha-  
bent æqualia latera: anguli ad basim sunt æ-  
quales. & productis æqualibus illis rectis: etiā  
qui sub basi sunt anguli, inter se erunt æqua-  
les. Id quod erat demonstrandum.

**S**Propositio sexta. Theorema.  
Si trianguli, duo anguli æquales in-  
ter

ter se fuerint: etiam latera, quae aequalis illos angulos subtendunt: erunt inter se aequalia.

Explicatio dati.) Sit triangulus  $\alpha\beta\gamma$ : habens angulum  $\alpha\beta\gamma$ , aequalē angulo  $\alpha\gamma\beta$ . Explicatio quæsiti.) Dico quod latus  $\alpha\beta$ : sic aequalē lateri  $\alpha\gamma$ . (Delineatio cum hypothesi.) Si enim recta  $\alpha\beta$ , non est aequalis rectæ  $\alpha\gamma$ : altera illarum erit maior. Hypothesis.) Sic recta  $\alpha\beta$  maior. (Delineatio.) Ex recta  $\alpha\beta$  maiore: lineæ rectæ  $\alpha\gamma$  minori auferatur lineare  $\delta\beta$  aequalis: et ducatur recta  $\delta\gamma$ . (Demonstratio) Quoniam latus  $\delta\beta$ , aequalē est lateri  $\alpha\gamma$ , et commune latus  $\beta\gamma$ : duò igitur latera  $\delta\beta$ ,  $\beta\gamma$ : duobus lateribus  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$  sunt aequalia alterum alteri: et angulus  $\delta\beta\gamma$ , angulo  $\alpha\gamma\beta$  est aequalis. Basis igitur  $\delta\gamma$ , basi  $\alpha\beta$  est aequalis: et triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , triangulo  $\delta\gamma\beta$  est aequalis: maior minori. quod est absurdū. Quare recta  $\alpha\beta$ , non est inæqualis rectæ  $\alpha\gamma$ , itaq; erit ei aequalis. (Conclusio.) Si ergo trianguli, duo anguli aequales inter se fuerint: etiam latera, quae aequales illos angulos subtendunt: erunt inter se aequalia. Id quod erat demonstrandum.

Pro-

## E V C L I D I S

*Propositio septima. Theorema.*

**S**uper eadē linea recta: duabus eisdem rectis: aliæ duæ rectæ æquales altera alteræ: non statuentur ad aliud, atque aliud punctum: in easdem partes: eosdem habentes terminos, quos lineæ primæ.

*Explicatio dati.*) Si enim fieri potest: sit linea recta  $\alpha\beta$ : & super ea duabus rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ , constitutis: aliæ duæ lineæ rectæ  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$  constituantur æquales altera alteræ: ad aliud atque aliud punctum  $\gamma$ , &  $\delta$ : in easdem partes  $\gamma$ , &  $\delta$ : eosdem habentes terminos  $\alpha$ , &  $\beta$ : quos lineæ rectæ primæ: ita ut  $\gamma\alpha$  æqualis sit  $\delta\alpha$ : & eundem babeat terminum  $\alpha$ : recta vero  $\gamma\beta$ , sit æqualis rectæ  $\delta\beta$ : & eundem cum ea habeat terminum  $\beta$ . (*Delineatio.*) Et datur recta  $\gamma\delta$ . (*Demonstratio.*) Quoniam  $\alpha\gamma$  recta, est æqualis rectæ  $\alpha\delta$ : etiam angulus  $\alpha\gamma\delta$ , erit æqualis angulo  $\alpha\delta\gamma$ . Verum angulus  $\alpha\delta\gamma$ , maior est angulo  $\delta\gamma\beta$ : multò ergo angulus  $\gamma\delta\beta$ , maior est angulo  $\delta\gamma\beta$ . Item, quoniam laius  $\gamma\beta$ , est æquale laieri  $\delta\beta$ : erit etiam angulus  $\gamma\delta\beta$ : angulo  $\delta\gamma\beta$  æqualis. Verum ille ipse

ipse angulus  $\gamma$  du: demonstratus est esse maior  
maior angulo  $\delta\gamma\beta$ , quod fieri nequit. (Conclu-  
sio.) Super eadem igitur recta: duabus eisdem  
rectis: aliæ dñæ rectæ æquales altera alterie: nō  
statuentur ad aliud atq; aliud punctū: in cas-  
dem partes: eisdem babentes terminos, quos  
lineæ primæ. Id quod erat demonstrandum.

*Propositio octaua. Theorema.*

**S**i duo trianguli, duo lateraduobus  
lateribus habuerint æqualia alterū  
alteri: habuerint verò basim, æqua-  
lem basi: etiam angulum angulo habe-  
bunt æqualē, quem æquales illæ lineæ  
rectæ continent.

*Explicatio dati.)* Sint duo trianguli  $a\beta\gamma$ ,  
 $\delta\epsilon\zeta$ : habentes duo latera  $a\beta$ ,  $a\gamma$ : duobus late-  
ribus  $\delta\epsilon$ ,  $\delta\zeta$ , æqualia, alterum alteri: latus /ci-  
licet  $a\beta$ , æquale lateri  $\delta\epsilon$ : & latus  $a\gamma$ , æquale  
lateri  $\delta\zeta$ : item basim  $\beta\gamma$ , æqualē basi  $\zeta$ . (*Ex-  
plicatio quæsti.*) Dico quod angulus  $\beta\gamma$ , sic  
æqualis angulo  $\delta\zeta$ . (*Delineatio.*) Quando e-  
nim triangulus  $a\beta\gamma$ , applicatur triangulo  
 $\delta\epsilon\zeta$ : & punctum  $\beta$ , ponitur super puncto  $\epsilon$ : li-

nea

## EVCLIDIS

ne aquoꝝ recta  $\beta\gamma$ , applicatur rectæ  $\epsilon\zeta$ : cum  
punctum  $\gamma$ , etiam applicabitur puncto  $\zeta$ : quia  
recta  $\beta\gamma$  est æqualis rectæ  $\epsilon\zeta$ . (Demōstratio.)  
Quando verò recta  $\beta\gamma$ , applicatur rectæ  $\epsilon\zeta$ :  
applicabuntur etiam rectæ  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , rectis  $\epsilon\delta$ ,  
 $\delta\zeta$ . Si enim basis  $\beta\gamma$ , applicatur basi  $\epsilon\zeta$ , & la-  
tera  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , non applicentur lateribus  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\zeta$ :  
verum diuersum habuerint situm, ut rectæ  
 $\epsilon\eta$ ,  $\eta\zeta$ : constituentur super eadem linea recta:  
duabus eisdem rectis: aliae due rectæ æquales  
altera alteræ: ad aliud, atq; aliud punctum ad  
easdem partes: eosdē habentes terminos, quos  
lineæ primæ. sed non statuentur ad diuersum  
punctum. Quare falsum est: quod applicata ba-  
sis  $\beta\gamma$ , basi  $\epsilon\zeta$ : nō applicetur  $\beta\alpha$ ,  $\beta\gamma$ , latera: la-  
teribus  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\zeta$ . applicabūtur ergo. Vnde sequi-  
tur, quod angulus  $\beta\alpha\gamma$ , applicabitur angulo  
 $\epsilon\delta\zeta$ , & ei erit æqualis. (Conclusio.) Si igitur  
duo trianguli, duo latera duobus lateribus ha-  
buerint æqualia alterum alteri: habuerint ve-  
rò basim basi æqualem: etiam angulum an-  
gulo habebunt æqualem, quem æquales illæ  
rectæ linea continent. Id quod erat demon-  
strandum.

Propo-

Propositio nona. Problema.

**D**atum angulum rectum: per medium tecare: vel in duas partes aequales secare.

Explicatio dati.) Sit datus angulus rectilineus Bay. (Explicatio quæsiti.) Angulus Bay: secādus est in duas partes aequales. Delinatio.) Sumatur in linea ab, punctū quoddam d: & collatur ex linea ay: linea ad: aequalis recta linea ae: postea ducatur linea de: & struatur super linea de: triangulus aequilaterus dze: deniq; ducatur linea al. (Explicatio iam factæ delineationis.) Dico quod linea Bl: in duas partes aequales fecerit angulum Bay. (Demonstratio.) Quoniam recta ad: aequalis est rectæ ae: & communis est recta al: idcirco duo latera da, al: duobus lateribus ea, al: sunt aequalia alterum alteri: ex basis d: aequalis basi al. Angulus igitur da: angulo ea: est aequalis. (Conclusio.) Datus igitur angulus rectilineus Bay: per lineam rectam al: est dissecitus in duas partes aequales. Id quod faciendum erat.

E V C L I D I S

Propositio decima. Problema.

**D**atam lineam rectam finitam: in duas partes e quales secare.

Explicatio dati.) Sit data linea recta finita  $\alpha\beta$ . Explicatio quasiti.) Linea recta finita  $\alpha\beta$ : dissecanda est in duas partes e quales. (Delineatio. Statuatur super recta  $\alpha\beta$ : triangulus equilaterus  $\alpha\gamma\beta$  i $\infty$  fecetur angulus  $\alpha\gamma\beta$ ; in duas partes e quales, per linneam rectam  $\gamma\beta$ . (Explicatio factae delineationis.) Dico quod recta  $\alpha\beta$ : secta sit in duas partes e quales, in punto  $\delta$ . (Demonstratio.) Quoniam recta  $\alpha\gamma$ : est aequalis rectae  $\gamma\beta$ : et communis recta  $\gamma\delta$ : duo igitur latera  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$ : duobus lateribus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\delta$  sunt aequalia alterū alteri: ergo angulus  $\alpha\gamma\delta$ , est aequalis angulo  $\beta\gamma\delta$ . Ergo basis  $\alpha\delta$ : est aequalis basi  $\beta\delta$ . (Conclusio. Data igitur linea recta finita  $\alpha\beta$ : secta est in duas partes e quales in punto  $\delta$ . Id quod faciendum erat.

Propositio undecima. Problema.

**D**atæ lineæ rectæ: à dato in ea punto: ducere lineam rectam ad angulos

gulos rectos; id est, rectos faciente angulos.

*Explicatio dati.*) Sit data linea recta  $a\beta$ : & datum in ea punctum  $y$ . (*Explicatio quaestio.*) Duceatur est à punto  $y$ : linea recta, rectos faciens angulos cum linea  $a\beta$ . (*Delineatio.*) Sumatur in linea  $ay$ , quodvis punctum  $\delta$ : & fiat linea  $y\delta$ , equalis linea  $ye$ . Et statuatur super linea  $\delta e$ : triangulus aequilaterus  $\delta \gamma e$ : dñq ducatur recta  $\gamma y$ . (*Explicatio factae delineationis.*) Dico, quod data linea recta  $a\beta$ : à dato in ea punto  $y$ : ad angulos rectos, ducta sit recta linea  $y\gamma$ . (*Demonstratio.*) Quoniam recta  $\delta y$ : est equalis recta  $ye$ : communis vero recta  $\gamma y$ . Duo igitur latera  $\delta y$ ,  $\delta \gamma$ : duobus scriibus  $\epsilon y$ ,  $\gamma \delta$ , sunt aequalia alterum alteri: & basis  $\delta \gamma$ : aequalis est basi  $\epsilon \gamma$ . ergo angulus  $\delta y \gamma$ : aequalis est angulo  $\epsilon y \gamma$ , (et sunt i<sup>e</sup> Q<sup>e</sup> Z<sup>n</sup>s, id est, vicini.) Quando vero recta super recta stans: angulos vicinos aequales fecerit inter se: uterque equalium angulorum est rectus. Ergo uterque angulorum  $\delta y \gamma$ ,  $\gamma ye$ , est rectus. (*Conclusio.*) Data igitur linea recta  $a\beta$ : à dato quod in ea est punto  $y$ : ad angulos rectos, di-

E V C L I D I S  
Etia est recta  $\gamma$ . Id quod faciendum erat.

Propositio duodecima. Problema.

**A**d lineam rectam datā infinitam:  
à dato punto: quod in ea nō est;  
perpendicularem rectam lineam  
ducere.

(Explicatio dati.) Sit data linea recta in-  
finita  $a\beta$ : & punctum quod in ea non est, datum  
 $\gamma$ . (Explicatio quesiti.) A punto dato  $\gamma$ : ad  
datam lineam rectam infinitam  $a\beta$ : ducenda  
est linea recta perpendicularis. (Delineatio.)  
Sumatur ex altera parte lineae  $a\beta$ , punctum  
quodvis  $\delta$ : & centro  $\gamma$ , interualllo  $\gamma\delta$ : descri-  
batur circulus  $\epsilon\eta$ : secans lineam  $a\beta$ , in pun-  
tis  $\epsilon$ ,  $\eta$ . Postea dissecetur linea recta  $\epsilon\eta$ : in  
duas partes æquales in punto  $\theta$ . & ducantur  
lineæ rectæ  $\gamma\eta$ ,  $\gamma\theta$ ,  $\gamma\epsilon$ . (Explicatio iam factæ  
delineacionis.) Dico quod ad lineam rectam  
datam infinitam  $a\beta$ : à punto  $\gamma$  dato, quod in  
ea non est: perpendicularis ducta sit rectali-  
nea  $\gamma\theta$ . (Demonstratio.) Quoniam recta  $\eta\theta$ ,  
æqualis est recta  $\theta\epsilon$ : & communis recta  $\theta\gamma$ . er-  
go duo latera  $\eta\theta$ ,  $\theta\gamma$ : duobus lateribus  $\epsilon\theta$ ,  $\theta\gamma$ ,  
sunt

sunt aequalia alterum alteri: & basis  $\gamma\eta$ , base  
 $\gamma\epsilon$ , est aequalis. quare angulus  $\gamma\theta\eta$ : angulo  
 $\epsilon\theta\delta$  est aequalis: & sunt vicini. Quando vero  
recta super recta stans angulos vicinos aequa-  
les inter se fecerit: uterque aequalium illorum an-  
gulorum est rectus. & recta super recta stans  
perpendicularis ad eam dicitur. (Conclusio.)  
Ad datam igitur lineam rectam infinitam ab:  
a puncto  $\gamma$  dato quod in ea non est perpendicularis  
ducta est recta  $\gamma\theta$ . Id quod faciendum  
erat.

*Propositio decima tertia: Theorema.*

**V**T ut recta super recta stans, an-  
gulos fecerit: vel duos rectos: vel  
duobus rectis aequales eos faciet.

*Explicatio dati.)* Recta quædam ab. stans  
super recta  $\gamma\delta$ , faciat angulos  $\gamma\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\delta$ . Ex-  
plicatio quæsti. Dico quid anguli  $\gamma\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\delta$ :  
vel sint duo recti: vel duobus rectis aequales.  
*Delineatio cum hypothesi.)* Si igitur angulus  
 $\gamma\beta\alpha$ , aequalis est angulo  $\alpha\beta\delta$ : tum sunt duo  
recti. quod si vero non: tum ducatur à punto  
C, rectæ lineæ  $\gamma\delta$ : ad angulos rectos, linea re-  
cta  $\beta\alpha$ . (Demonstratio.) Anguli igitur  $\gamma\beta\alpha$ ,

## EVCLIDIS

$\gamma\beta\delta$ : sunt duo recti. & cum angulus  $\gamma\beta\epsilon$ , sit  
equalis duobus angulis  $\gamma\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\epsilon$ : communis  
addatur angulus  $\epsilon\beta\delta$ . quare duo anguli  $\gamma\beta\epsilon$ ,  
 $\epsilon\beta\delta$ : tribus angulis  $\gamma\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ : sunt a-  
guales. Rursus quoniam angulus  $\delta\beta\alpha$  equa-  
lis est duobus angulis  $\delta\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\alpha$ : communis ad  
datur angulus  $\alpha\beta\gamma$ . anguli igitur  $\delta\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ :  
tribus angulis  $\delta\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ , sunt aequales.  
Verum demonstratum est, angulos  $\gamma\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ :  
tribus ijsdem angulis, esse aequales. Quæ vero  
eidem sunt aequalia: illa inter se sunt aequalia.  
ergo anguli  $\gamma\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ : sunt duobus angulis  
 $\delta\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ , aequales. sed anguli  $\gamma\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ : sunt  
duo recti. ergo  $\delta\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ , anguli: sunt aequa-  
les duobus rectis. Conclusio.) Ut ut igitur re-  
sta super rectas transfecerit angulos: vel duos  
rectos: vel duobus rectis aequales faciet. Id  
quod erat demonstrandum.

*Propositio decima quarta. Theorema.*

**S**i ad lineam quandam rectam: & pun-  
ctum in ea datum: duas recte, non in  
eadem partes sitæ: angulos ( $\epsilon\phi\epsilon\xi\eta\varsigma$ )  
vicinos, duobus rectis angulis aequa-  
les

Ies fecerint: duæ iste rectæ, i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias,  
alteræ alteræ erunt.

*Explicatio dati.)* Nam ad lineam quan-  
dam rectam aB: & ad punctum in ea datum  
B: duæ rectæ linea<sup>rum</sup> Gy, Bd: non in easdem par-  
tes sitæ: faciant angulos i<sup>m</sup> Q<sup>u</sup>eñs (vicos)  
aGy, aBd, aequales duobus rectis. *Explicatio*  
*quasiti.)* Dico quòd rectæ yB, sit i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias  
recta Bd. *Delineatio.)* Si enim recta Gy, non  
est i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias, recta Cd: sit recta Be, rectæ yB,  
i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias. *Demonstratio.)* Quoniam recta  
aB: constituta est super recta yB, anguli igitur  
aGy, aGe: sunt aequales duobus rectis. Ver-  
cum anguli aBy, aBd: etiam sunt aequales  
duobus rectis. anguli igitur yBa, aBe: angu-  
lis yCa, aBd sunt aequales. Communis aufe-  
ratur angulus aBy. reliquis igitur angulis  
aBx: reliquo angulo aCd, est aequalis, minor  
maiori. quod fieri nequit. *Quare recta Be: nō*  
*est i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias, rectæ By.* Similiter etiam de-  
monstrabimus, quòd nulla alia præter rectam  
Bd: sit i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias, rectæ yd. *Conclusio.)* Er-  
go recta yB, est i<sup>m</sup> L<sup>o</sup>béias rectæ Bd. Si igitur  
ad lineam quandam rectam: & punc<sup>tum</sup> in ea

## EVCLIDIS

datum: duæ rectæ non in eisdem partes sitæ: angulos in  $\Phi\epsilon\zeta\eta\varsigma$  duobus rectis angulis fecerint æquales: duæ istæ rectæ in  $\Delta\theta\epsilon\alpha\varsigma$ , erit altera alteræ. Id quod erat demonstrandum.

*Propositio decimaquinta. Theorema.*  
**S**i duæ lineæ rectæ, se se mutuo secant, facient angulos ad verticem, inter se æquales.

*Explicatio dati.)* Duæ enim lineæ rectæ  $\alpha\beta, \gamma\delta$ : se se mutuo secant in punto e. (*Explicatio quæsiti.*) Dico quod angulus  $\alpha\gamma$ , angulo  $\delta\epsilon\beta$  sit æqualis: & angulus  $\gamma\epsilon\delta$ , angulo  $\alpha\epsilon\beta$  etiam æqualis. (*Demonstratio.*) Quoniam recta  $\alpha\epsilon$ , super recta  $\gamma\delta$ , constituta est: & facit angulos  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\epsilon\beta$ . anguli igitur  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\epsilon\beta$ : duobus rectis sunt æquales. Item quoniam recta  $\delta\epsilon$ : super recta  $\alpha\beta$ , est constituta, facitq; angulos  $\alpha\epsilon\delta$ ,  $\delta\epsilon\beta$ . anguli igitur  $\alpha\epsilon\delta$ ,  $\delta\epsilon\beta$ : sunt æquales duobus rectis. Verum anguli  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\epsilon\beta$  duobus rectis sunt æquales. quare duo anguli  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\epsilon\beta$ : sunt æquales duobus angulis  $\alpha\epsilon\delta$ ,  $\delta\epsilon\beta$ . Communis auferatur angulus  $\alpha\epsilon\delta$ . reliquis igitur angulus  $\gamma\epsilon\alpha$ : reliquo angulo  $\beta\epsilon\delta$

Bed est *æqualis*. Simili demonstracione, probabimus angulum  $\gamma\beta\gamma$ : angulo  $\delta\alpha\delta$  esse *æqualem*. Conclusio.) Si igitur duæ rectæ se se mutuo secant: facient angulos ad verticem inter se *æquales*. Id quod erat demonstrandum.

Corolarium. Ex hoc est manifestum, quod quæcunq; lineæ rectæ se se mutuo secant: faciunt angulos ad punctum sectionis: quatuor rectis *æquales*.

### Propositio decimasexta. Theorema.

**O**mnis trianguli, uno ex lateribus producto: angulus exteriorus, vel quoque eorum, qui intra triangulum sunt, quibus ipse opponitur, est maior.

Explicatio dati.) Sic triangulus  $a\beta\gamma$ : et protrahatur latus eius  $\beta\gamma$ , ad punctum  $\delta$ . Explicatio quæsti.) Dico quod angulus  $a\beta\delta$ : est maior angulo  $\gamma\beta\alpha$ , interno sibi opposito: et maior angulo  $\beta\alpha\gamma$ , interno sibi opposito. Delinatio.) Dissecetur latus  $a\gamma$ , in duas partes *æquales* in puncto  $e$ . deinde ducatur linea  $\beta e$ : et producasur ad punctum  $\gamma$ . Fiat etiam linea

$B\gamma$

## E V C L I D I S

Præ, qualis linea  $\epsilon\zeta$ : deniq; ducatur linea  $\zeta\gamma$ : &  
extendatur recta  $\alpha\gamma$ , ad punctum usq;  $\eta$ . De-  
monstratio.) Quoniam recta  $\alpha\epsilon$ , æquatis est re-  
cta  $\epsilon\gamma$ : & recta  $\beta\epsilon$ , æqualis rectæ  $\epsilon\zeta$ . duo igit  
sur latera  $\alpha\epsilon$ , &  $\beta\epsilon$ : duobus lateribus  $\gamma\epsilon$ ,  $\zeta\epsilon$  sunt  
æqualia alterum alteri: & angulus  $\alpha\epsilon\gamma$ , aqua-  
lis est angulo  $\zeta\epsilon\gamma$ . quia sunt anguli ad verter-  
em. Basis igitur  $\alpha\beta$ : basi  $\gamma\zeta$ , erit æqualis: &  
triangulus  $\alpha\beta\epsilon$ , æqualis erit triangulo  $\gamma\zeta\epsilon$ :  
& reliqui anguli, reliquis angulis sunt æqua-  
les alter alteri. quas æqualia illa latera subven-  
dunt. itaq; angulus  $\epsilon\alpha\epsilon$ , æqualis est angulo  
 $\epsilon\zeta\epsilon$ . Verum angulus  $\epsilon\gamma\delta$ , maior est angulo  
 $\epsilon\zeta\epsilon$ . quare angulus  $\alpha\gamma\delta$ , angula  $\beta\alpha\epsilon$  etiam  
est maior. Similiter demonstrabitur, quando  
recta  $\beta\gamma$ , dissecta fuerit in duas partes æqua-  
les: quod angulus  $\beta\gamma\eta$ , bös est, angulus  $\alpha\gamma\delta$ ,  
maior sit angulo  $\alpha\beta\gamma$ . Conclusio.) Omnis igit  
zur trianguli, uno ex lateribus protracto: ex-  
traneus angulus, vtroq; eorum, qui intra trian-  
gulum sunt, quibus ipse opponitur est maior.  
Id quod erat demonstrandum.

Propos.

Proposito decima septima. Theorema.

Omnis triangulis quiuis duo anguli: duobus rectis angulis sunt minores, quouis modo sunt.

Explicatio dati.) Sic triangulus  $\alpha\beta\gamma$ .

Explicatio quæstii.) Dico quod trianguli  $\alpha\beta\gamma$ : duo anguli sunt minores duobus rectis, quouis modo sumpti. Delineatio.) Produca-

tur linea  $\gamma\delta$ , ad punctum  $\delta$ . Demonstratio.)

Quoniam trianguli  $\alpha\beta\gamma$ , angulus extraneus  $\alpha\gamma\beta$ : maior est angulo  $\alpha\beta\gamma$ , interno sibi oppo-

sito. Communis addatur angulus  $\alpha\gamma\beta$ . angu-

li igitur  $\alpha\gamma\delta$ ,  $\alpha\gamma\beta$ : sunt maiores angulis

$\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\alpha$ . Verum anguli  $\alpha\gamma\delta$ ,  $\alpha\gamma\beta$ : sunt

duo recti. ergo anguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\gamma\beta\alpha$ , sunt mino-

res duobus rectis. Simili ratione demonstrabi-

mus angulos  $\beta\gamma\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ : duobus rectis esse mi-

nores. Item et angulos  $\alpha\gamma\beta$ ,  $\alpha\beta\gamma$ : duobus re-

ctis esse minores. Conclusio.) Omnis igitur tri-

anguli, quiuis duo anguli: minores sunt duo-

bus angulis rectis. Id quod erat demonstran-

dum.

Propo-

E V C L I D I S

Propositio decima octaua. Theorema.

**V**T quodvis latus trianguli est maius: ita maiore subtendit angulum.

*Explicatio dati.) Sit triangulus αβγ: habens latus αγ, maius latere αβ. Explicatio questi.) Dico quod angulus αβγ: maior sit angulo αγβ. Delineatio.) Cum enim latus αγ, sit maius latere αβ: fiat linea αδ, aequalis recta αδ: et ducatur recta βδ. Demonstratio.) Quoniam trianguli βδγ, angulus αδβ externus: maior est angulo δγβ, interno sibi opposito: et angulus αδβ, sic aequalis angulo αβδ: cum latus αβ, lateri αδ sit aequale. idcirco angulus αβδ: maior est angulo αγβ. Ergo angulus αβγ, multo est maior angulo αγβ. Conclusio.) Ut quodvis igitur latus trianguli est maius: ita maiorem subtendit angulum. id quod erat demonstrandum.*

Propositio decima nona. Theorema.

**V**T triangulus aliquis, angulum quemuis habuerit maiorem: ita etiam maiorem habebit eam lineam rectam, que illum subtendit angulum.

*Expli-*

*Explicatio dati.) Sit triangulus  $\alpha\beta\gamma$ : ha-  
bens angulum  $\alpha\beta\gamma$ , maiorem angulo  $\alpha\gamma\beta$ . Ex-  
plicatio quæstii.) Dico quod trianguli  $\alpha\beta\gamma$ :  
latus  $\alpha\gamma$ , maius sit latere  $\alpha\beta$ . Demonstratio.)*  
*Si enim non fuerit maius: tam pelerit ei a-  
quale: vel erit eo minor. sed recta  $\alpha\gamma$ , non est  
equalis rectæ  $\alpha\beta$ . nam & angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angu-  
lo  $\alpha\gamma\beta$  esset equalis. id quod tamen non est.  
quare neq; latus  $\alpha\gamma$ . lateri  $\alpha\beta$ , erit æquale: ne-  
que etiam latus  $\alpha\gamma$ , poterit esse minus latere  
 $\alpha\beta$ . quia etiam angulus  $\alpha\beta\gamma$ , minor esset an-  
gulo  $\alpha\gamma\beta$ : cum tamen non sit. Quare neq; la-  
tus  $\alpha\gamma$ , minus est latere  $\alpha\beta$ . antea autem de-  
monstratum est. quod ei non sit æquale. Erit  
ergo  $\alpha\gamma$  latus, maius latere  $\alpha\beta$ . Conclusio.)*  
*Omnis igitur trianguli, maiorē angulum ma-  
ius latus subtendit. Id quod erat demonstran-  
dum.*

*Propositio vigesima. Theorema.*

**O**nus trianguli: quævis duo la-  
tera, sunt maiora reliquo.

*Explicatio dati.) Sit triangulus  
 $\alpha\beta\gamma$ . Explicatio quæstii.) Dico quod trian-  
guli  $\alpha\beta\gamma$ : quævis duo latera, sint maiora reli-  
quo.*

## EVCLIDIS

quo. latera  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , maiora latere  $\beta\gamma$ : Item  
latera  $a\beta$ .  $\beta\gamma$ , maiora latere  $\alpha\gamma$ : deniq; latera  
 $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$ , maiora latere  $a\beta$ . Delineatio.) Pro-  
ducatur linea  $\beta\alpha$ , ad punctum  $\delta$ : & fiat linea  
 $\alpha\gamma$ , æqualis linea  $a\delta$ : deniq; ducatur linea  
 $\gamma\delta$ . Demonstratio.) Quoniam latus  $\delta\alpha$ , æqua-  
le est lateri  $\alpha\gamma$ : etiam angulus  $a\delta\gamma$ , est æqua-  
lis angulo  $a\gamma\beta$ . Verum angulus  $a\gamma\delta$ , maior  
est angulo  $a\delta\gamma$ . quare & angulus  $\beta\gamma\delta$ , angu-  
lo  $a\delta\gamma$ , maior erit. & quia triangulus  $\delta\gamma\beta$ ,  
angulum  $\beta\gamma\delta$  maiorem habet angulo  $a\gamma\beta$ :  
aq; maius latus subtendit angulum maiorem:  
idcirco & latus  $\delta\beta$ , maius est latere  $\beta\gamma$ . Sed  
 $\delta\beta$  latus, æquale est  $a\beta$ , a $\gamma$  lateribus. quare  
 $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , duo latera: sunt maiora latere  $\beta\gamma$ . Si-  
militer demonstrabimus, quod latera  $a\beta$ ,  $\beta\gamma$ ,  
sunt maiora latere  $\alpha\gamma$ : &  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  latera sunt  
maiora latere  $a\beta$ . Conclusio.) Omnis igitur  
trianguli, quovis duo latera: sunt maiora reli-  
quo, id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima prima. Theorema.

**S**i à finibus vnius lateris trianguli  
scinduis, duæ rectæ lineæ intrat  
angulum

ad punctū idē statuantur: erunt quidē istae duæ recte lineæ, reliquis duobus trianguli lateribus minores: verū maiorem angulum comprehendent.

Explicatio dati.) Super latere enim  $\beta\gamma$  trianguli  $a\beta\gamma$ : à finibus  $\beta$ ,  $\gamma$ . duæ lineæ re $\epsilon$ tæ  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$ . stacuantur intra triangulum. Explicatio quesiti.) Dico quod duæ rectæ  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\gamma$ : minores quidē sunt reliquis duobus trianguli lateribus  $\beta a$ ,  $a\gamma$ : verum angulum  $\beta\delta\gamma$ , maiorem angulo  $\beta\alpha\gamma$ , contineant. Delineatio.) Producatur enim linea  $\beta\delta$ : ad punctum  $\gamma/\beta$ . Demonstratio.) Quoniam omnis trianguli duo latera maiora sunt reliquo: idcirco trianguli  $a\beta\epsilon$ , duo latera  $a\beta$ ,  $a\epsilon$  sunt maiora latere  $\beta\epsilon$ . Commune addatur latus  $\epsilon\gamma$ . Lateraliter igitur  $\beta\delta$ ,  $a\gamma$ , maiora sunt lateribus  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\gamma$ . Item quia trianguli  $\gamma\epsilon\delta$ , duo latera  $\gamma\epsilon$ ,  $\epsilon\delta$  maiora sunt latere  $\gamma\delta$ . Commune addatur latus  $\delta\beta$ . quare latera  $\gamma\epsilon$ ,  $\epsilon\beta$ : maiora sunt lateribus  $\gamma\delta$ ,  $\delta\beta$ . Verum latere  $\beta a$ ,  $a\gamma$ : demonstrata sunt maiora lateribus  $\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\gamma$ . ergo  $\beta a$ ,  $a\gamma$  latera, lōge erūt maiora lateribus  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\gamma$ . Rursum quoniam omnis trianguli angulus exireneus,

angulo

## E V C L I D I S

*angulo intra triangulum sibi opposito est mai-  
or: idcirco trianguli γδε, angulus βδγ extra-  
neus, angulo γδε interno sibi opposito est ma-  
ior. Per eadem demonstrabitur, quod trian-  
guli αβε, angulus γεβ: maior sit angulo βαγ.  
verum angulo γεβ, maior est demonstratus  
angulus βδγ. Ergo angulus βδγ: multo est  
maior angulo βαγ. Conclusio.) Si igitur à  
finibus vnius lateris trianguli cuiusvis, dua  
rectæ lineæ intra triangulum, ad puncta eadem  
statuantur: erunt quidem iste duæ rectæ lineæ,  
reliquis duobus trianguli lateribus minores:  
verum maiorem angulū comprebendent. Id  
quod erat demonstrandum.*

*Propositio vigesima secunda. Problema.  
Tribus lineis rectis: quæ sunt æ-  
quales tribus rectis lincis datis: tri-  
angulum constituere. Oportet ve-  
rò quasvis duas reliqua esse maiores:  
propterea quod in omni triangulo  
quævis duo latera, maiora sint reliquo.*

*Explicatio dati,) Sint tres lineæ rectæ da-  
tae, α, β, γ: & sint quævis duæ maiores quam  
reli-*

reliqua: scilicet  $\alpha$  &  $\beta$  maiores quam  $\gamma$ : &  $\alpha$ ,  
 atque  $\gamma$  maiores quam  $\beta$ : denique  $\beta$ , &  $\gamma$ , maio-  
 res quam  $\alpha$ . Explicatio quæsiti.) Oportet igitur  
 ex tribus lineis rectis: quæ datis tribus,  $\alpha$ ,  
 $\beta$ ,  $\gamma$ , sunt æquales: triangulum componere.  
 Delineatio.) Sumatur recta aliqua linea de-  
 finita quidem ad punctum  $\delta$ : infinita vero ad  
 punctum  $\epsilon$ . deinde fiat linea recta  $\alpha$ : æqualis  
 linea recta  $\delta\zeta$ . Item rectæ  $\beta$ : æqualis rectæ  $\zeta\eta$ .  
 præterea rectæ  $\gamma$ : æqualis rectarum. Ad hec  
 centro  $\zeta$ , inter uallos  $\zeta\delta$ : describatur circulus  
 $\delta\kappa\lambda$ . centro etiam  $\eta$ , inter uallos  $\eta\theta$ : describa-  
 tur circulus  $\kappa\lambda\eta$ : secans circulum  $\delta\eta\lambda$ , in pun-  
 ctu  $x$ . Denique ducantur lineæ rectæ  $\zeta x$ ,  $x\eta$ .  
 Delineacionis factæ explicatio.) Dico quod ex  
 lineis rectis tribus, quæ sunt æquales tribus re-  
 tis datis: compositus sit triangulus  $\alpha\zeta\eta$ . De-  
 monstratio.) Quoniam punctu  $\zeta$ , centrum est  
 circuli  $\delta\kappa\lambda$ . idcirco recta  $\zeta\delta$ , æqualis est rectæ  
 $\zeta\eta$ : verum recta  $\zeta\delta$ , est æqualis rectæ  $\alpha$ : itaq;  
 $\epsilon$   $x\zeta$  recta, æqualis est rectæ  $\alpha$ . Item quoniam  
 punctum  $\eta$ , est centrum circuli  $\kappa\lambda\eta$ : idcirco re-  
 tæ  $\eta\theta$ , est æqualis rectæ  $\alpha$ . Verum  $\eta\theta$  æqua-  
 lis est  $\gamma$  rectæ, ergo  $\epsilon$   $\eta x$  recta, æqualis est re-

EVCLIDI'S

$\alpha, \gamma$ . Verum  $\gamma$ , etiam est æqualis rectæ  $\beta$ .  
Tres igitur rectæ  $x\gamma, \gamma\eta, \eta x$ : tribus rectis  $\alpha, \beta, \gamma$ , sunt æquales. Conclusio.) Ex tribus ipsis  
tum rectis  $x\gamma, \gamma\eta, \eta x$ , quæ sunt æquales tribus  
datis  $\gamma, \beta, \gamma$ , rectis: triangulus est factus  $x\gamma\eta$ .  
Quod faciendum erat.

Propositio vigesima tertia. Problema:

**A**d datam lineam rectam: & datum  
in ea punctum: dato angulo recti-  
lineo: æqualem angulum re-  
ctilineum statuere.

Explicatio dati.) Sic data linea recta  $a\beta$ ,  
sit datum in ea punctum  $\alpha$ : sit angulus recti-  
lineus datus  $\delta\gamma\epsilon$ . Explicatio quæsiti.) Adli-  
neam rectam datam  $a\beta$  & punctum in eadam  
sum  $\alpha$ : statuendus est angulus rectilineus: æ-  
qualis angulo  $\delta\gamma\epsilon$  rectilineo dato. Delinea-  
tio.) Sumantur in lineis rectis  $y\delta, \gamma\epsilon$ , puncta  
quevis  $\delta, \epsilon$ . Ducatur etiam linea recta  $\delta\epsilon$ . Post  
ea ex talibus lineis rectis quæ sunt æquales tri-  
bus rectis  $y\delta, \delta\epsilon, \gamma\epsilon$ , componatur triangulus  
 $a\gamma\eta$ : sic ut linea  $y\delta$ , sit æqualis linea  $a\gamma$ : &  
linea  $\gamma\epsilon$ , linea  $a\eta$ . item linea  $\delta\epsilon$ , æqualis linea  
 $\gamma\eta$ .

*¶. Demonstratio.) Quenam duo latera dyg-  
ye, duobus lateribus za, ay, sunt aequalia alteri-  
rum alteri: Et basis de, equalis sit basi. ¶. Eric.  
igitur angulus dy: aequalis angula. ¶. Con-  
clusio.) Ad datam igitur lineam rectam ab:  
et ad punctum in ea datum a: dato angulo re-  
ctilineo dy: constitutus est angulus rectilineus  
za. Id quod erat faciendum.*

*Propositio vigesima quarta. Theorema.*

**S**i fuerint trianguli vnius, duo late-  
ra eequalia duobus lateribus alteris  
us trianguli, alteri alteri: sed angu-  
lus vnius maior angulo alterius, que-  
aequales rectæ lineæ comprehendunt:  
eriam basis basi maior erit.

*Explicatio dati.) Sint duo trianguli abg,  
dez: quorum duo latera ab, ag, duobus lateri-  
bus de, dz sint aequalia, alterum alteri: latus  
ab, lateri de: et latus ag, lateri dz: sed angu-  
lus Bay sit maior angulo edz. Explicatio  
quaestio.) Dico quod basis By, basi ez sit ma-  
ior. Delineatio.) Quoniam angulus Bay maior  
est angulo edz: statuatur ad lineam rectam ed:*

## E V C L I D I S

Et ad punctum in ea d: angulus e $\delta\eta$ , equalis  
angulo B $\gamma$ : & fiat alterutra linearum ay,  
 $\delta\zeta$ : equalis linea recta d $\eta$ . & ducantur linea  
rectae ne,  $\zeta\eta$ . Demonstratio.) Quoniam latus  
a $\beta$ , aequale est laceri d $\epsilon$ : & latus ay; aequale  
est lateri d $\eta$ : duo igitur latera Ba, ay, duobus  
laceribus e $\delta$ , d $\eta$  sunt aequalia, alterum alterius  
& angulus Gay, aequalis est angulo e $\delta\eta$ . Ergo  
basis B $\gamma$ , basi erit et aequalis. Item quoniam  
latus d $\eta$ , est aequale lacci  $\delta\zeta$ : erit etiam an-  
gulus  $\delta\zeta\eta$ , aequalis angulo d $\eta\zeta$ . ergo angulus  
 $\delta\zeta\eta$ , maior est angulo e $\eta\zeta$ . quartus angulus e $\zeta\eta$ ,  
longe maior est angulo e $\eta\zeta$ . Cum etiam trian-  
gulus e $\zeta\eta$ , habeat angulum e $\zeta\eta$ , maiorem an-  
gulo e $\eta\zeta$ : ac maiorem angulum maius latus  
subcendat. idcirco latus e $\eta$ , maius est lacere e $\zeta$ .  
verum latus e $\eta$ , aequale est laceri B $\gamma$ . ergo e $\zeta$   
B $\gamma$  latus, maius est lacere e $\zeta$ . Conclusio.) Si er-  
go duo fuerint trianguli, habentes duo latera,  
duobus laceribus aequalia, alterum alteri: an-  
gulum vero angulo maiorem, qui aequalibus  
illis laceribus coninetur: etiam basin basim ma-  
iorem babebunt. Id quod erat demonstrandum.

Propo-

Propositio vigesima quinta. Theorema.

I trianguli vnius, duo latera fue.  
**S**unt æqualia duobus lateribus trian-  
guli alterius; sed basi vnius fuerit  
maior basi alterius: erit etiam angulus  
vnius maior angulo alterius, quem æ-  
quales illæ rectæ lineæ comprehendunt.

Explicatio daci.) Sint duo trianguli abg,  
yel: quorum duo latera ab, ay, sint æqualia  
duobus lateribus de, d $\ell$ , alterum alteri: latus  
ab, æquale lateri de: et latus ay, æquale late-  
ri d $\ell$ : sed basis by, sit maior basi e $\ell$ . Explica-  
tio quaestio.) Dico quod angulus Bay, maior  
sit angulo ed $\ell$ . Demonstratio.) Quod si enim  
non fuerit maior: aut erit ei æqualis: aut eo mi-  
nor. sed angulus Bay, non est æqualis angu-  
lo ed $\ell$ . nam et basis by, etiam esset æqualis  
basi e $\ell$ . Verum non est ei æqualis. quare nec  
angulus Bay, est æqualis angulo ed $\ell$ : sic etiā  
non est eo minor: siquidem et basis by, basi e $\ell$   
minor esset: quod rāmen non est. quare nec an-  
gulus Bay, angulo ed $\ell$  minor est. demonstra-  
tum verò anceps fuit. quod ei non sit æqualis.  
Erit igitur angulus Bay, angulo ed $\ell$  maior.

C iij

## E V C L I D I S

*Conclusio.) Si ergo fuerint trianguli unius duo latera æqualia duobus lateribus trianguli alterius alterum alteri: sed basis unius maior basi alterius: erit etiā angulus unius, maior angulo alterius, quem æquales rectæ lineæ comprehendunt. Id quod erat demonstrandum.*

*Propositio vigesima sexta: Theorema.*

**Q**uorum triangulorum duo anguli unius, fuerint æquales duo bus angulis alterius: altera tereti: & latus unum, æquale vniuersue illud appossum sit æqualibus illis angulis: siue subtendat, vnum ex æqualibus illis angulis: illorum tunc reliqua latera inter se erunt æqualia, alterum alteri: tum etiam reliquis angulis reliquo angulo erit æqualis.

*Prima explicatio dati.) Sint duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\delta\epsilon\gamma$ , quorum duo anguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\delta$  sunt æquales duobus angulis  $\delta\epsilon\gamma$ ,  $\epsilon\gamma\delta$ , alter alteri: angulus  $\alpha\beta\gamma$ , æqualis angulo  $\delta\epsilon\gamma$ : et angulus  $\beta\gamma\delta$ , angulo  $\epsilon\gamma\delta$ : habeant etiam unum latus vni lateri æquale, & primo loco, latus quod positi est ad æquales illas angulos, la-*

*tus*

tus  $\gamma$ , lateri  $\epsilon$ . Prima explicatio quae fieri.) Dico quod ex reliqua latera reliquis lateribus habebunt aequalia, alterū alteri: latus  $a\beta$ , lateri  $\delta e$ : et latus  $\alpha\gamma$ , aequale lateri  $\delta\gamma$ : et reliquā angulū reliquo angulo aequalē, nempe angulū  $\beta\gamma$ , aequalē angulo  $e\delta$ . Prima delinatio.) Si enim  $a\beta$ , latus, inaequale fuerit lateri  $\delta e$ : unum existit sit maius. sit igitur latus  $a\gamma$ , maius. et fiat rectæ  $\delta e$ , aequalis rectæ  $\beta\gamma$ : et duca tur rectam. Prima demonstratio.) Cum itaque latus  $\beta\gamma$ , sit aequale lateri  $\delta e$ , et latus  $\beta\gamma$  aequalē lateri  $\epsilon\gamma$ . duo igitur latera  $\epsilon\gamma$ ,  $\beta\gamma$ : duabus lateribus  $\delta e$ ,  $\epsilon\gamma$ , sunt aequalia alterum alteri: et angulus  $\eta\beta\gamma$ , angulo  $\delta\epsilon e$  aequalis: ergo basis  $\eta\gamma$ , basi  $\delta\epsilon e$  est aequalis, et triangulus  $a\gamma\beta$ , triangulo  $\delta\epsilon e$  est aequalis, et reliqui anguli, reliquis angulis sunt aequales, alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt angulus  $\eta\gamma\beta$ , aequalis angulo  $\delta\epsilon e$ , sed angulus  $\delta\epsilon e$ , proponitur aequalis angulo  $\beta\gamma\alpha$ . erit igitur angulus  $\beta\gamma\eta$ , etiam aequalis angulo  $\beta\gamma\alpha$ , minor maiori, quod fieri nequit. Conclusio prima.) Ergo latus  $a\beta$ , non est inaequale lateri  $\delta e$ , ergo erit ei aequale; verum latus  $\beta\gamma$

## EVCLIDIS

etiam est æquale lateri  $\angle c$ : duo igitur latera  
 $a\beta, \beta\delta$ : duobus lateribus  $\delta e, \epsilon\gamma$ , sunt æqualia  
alterum alteri: & angulus  $a\gamma$ , angulo  $\delta\epsilon$   
æqualis. basis itaq;  $a\gamma$ , basi  $\delta\epsilon$  erit æqualis, &  
reliqui angulus  $B\gamma$ , reliquo angulo  $\epsilon\delta$  æ-  
qualis. Secunda explicatio dati.) Verum ite-  
rum statuantur latera æquales angulos sub-  
tendentia æqualia, ut  $a\beta$  latus, æquale lateri  
 $\delta e$ . Secunda explicatio quæstici.) Dico quod  
etiam reliqua latera, reliquis lateribus sint æ-  
qualia, latus  $a\gamma$ , æquale lateri  $\epsilon\gamma$ : & latus  
 $B\gamma$ , æquale lateri  $\epsilon\gamma$ : deniq; reliqui angulus  
 $B\gamma$ , reliquo angulo  $\epsilon\delta$  æqualis. Secunda de-  
lineatio.) Si enim latus  $B\gamma$ , non fuerit æquale  
lateri  $\epsilon\gamma$ : sed alterum ex eis fuerit maius. si  
latus  $B\gamma$ , si poterit fieri, maius lateri  $\epsilon\gamma$ : &  
fiat lateri  $\epsilon\gamma$ , æquale latus  $B\theta$ : & ducatur re-  
cta  $a\theta$ . Secunda demonstratio.) Quoniam la-  
tus  $B\theta$ , æquale est lateri  $\epsilon\gamma$ , & latus  $a\beta$ , æqua-  
le lateri  $\delta e$ : duo itaq; latera  $a\beta, B\theta$ : duobus la-  
teribus  $\delta e, \epsilon\gamma$ , sunt æqualia alterum alteri: &  
angulos comprehendunt æquales: basis igitur  
 $a\theta$ , est æqualis basi  $\epsilon\gamma$ : & triangulus  $a\beta\theta$ , tri-  
angulo  $\delta e\gamma$  est æqualis: & reliqui anguli, reli-  
quis

quis angulis sunt aequales alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt: angulus  $\hat{C}\theta a$ , aequalis angulo  $\epsilon\hat{d}$ . Verum angulus  $\epsilon\hat{d}$ , est aequalis angulo  $\beta\gamma a$ . ergo angulus  $\beta\theta a$ , est aequalis angulo  $\beta\gamma a$ . Trianguli igitur  $a\beta\gamma$ , angulus  $\beta\theta a$  externus: angulo  $\beta\gamma a$  interno sibi opposito est aequalis. quod fieri nequit. Quare latus  $\beta\gamma$ : non est inaequale latere  $\epsilon\hat{d}$ . erit igitur ei aequale. sed etiam latus, est aequale latere  $\hat{C}\epsilon$ : duo igitur latera  $a\beta$ ,  $\beta\gamma$ : sunt aequalia duobus lateribus  $\hat{C}\epsilon$ ,  $\epsilon\hat{d}$  alterum alteri: et angulos comprehendunt aequales. basis igitur  $\alpha\gamma$ , basi  $\hat{d}\epsilon$  est aequalis: et triangulus  $a\beta\gamma$ , est aequalis triangulo  $\hat{C}\epsilon\hat{d}$ : et reliquus angulus  $\beta\gamma\gamma$ , reliquo angulo  $\epsilon\hat{d}\hat{d}$  est aequalis. Conclusio.) Quorum ergo triangulorum duo anguli vnius, fuerint aequales duobus angulis alterius, alter alteri: et latus unum vni lateri aequale: siue illud appositum sit aequalibus illis angulis: siue subiectum unum ex aequalibus illis angulis. illorum tum reliqua latera interficiunt aequalia, alterum alteri: cum etiam reliquus angulus, reliquo angulo erit aequalis. Id quod erat demonstrandum.

EVCLIDIS  
PARS ALTERA HV.  
*ius primi elementi.*

*Propositio vigesima septima. Theorema.*

**S**i in duas lineas rectas, recta inclinata dens linea, angulos alternos æquales inter se fecerit: e quedistantes inter se erunt rectæ illæ duæ lineæ.

*Explicatio dati.)* In lineas duas rectas  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$ : incidens linea recta  $\varepsilon\zeta$ : angulos alternos  $\alpha\zeta, \varepsilon\delta$ : æquales inter se faciat. *Explicatio quæsti.)* Dico quod recta  $\alpha\beta$ , rectæ  $\gamma\delta$ , æquedistet. *Hypothesis.)* Si enim non æquedistantur, cum protractæ lineæ rectæ  $\alpha\beta, \gamma\delta$ : concurrūt, vel ex partibus  $\beta, \gamma$  et  $\delta$ : vel ex partibus  $\alpha, \varepsilon$  et  $\gamma$ . *Delineatio.)* Protrahantur ex concorrentibus ex partibus  $\beta, \gamma$  et  $\delta$ : in punto  $\eta$ . *Demonstratio.)* Trianguli igitur  $\eta\zeta\gamma$ , angulus  $\alpha\zeta$  extensus, angulo  $\varepsilon\eta$  interno opposito est maior: verum etiam est ei æqualis. quod fieri non potest. quare rectæ  $\alpha\beta, \gamma\delta$ , si protrahantur: non concurrent ex partibus  $\beta, \gamma$  et  $\delta$ , similiter demonstrabitur: quod neque ex partibus  $\alpha, \varepsilon$  et  $\gamma$ , concurrent.

currant recte vero, quæ ex neutra parte concurrunt, si protrahantur: sunt inter se æquidistantes. quare recta  $\alpha\beta$ , æquidistat rectæ  $\gamma\delta$ .  
**Conclusio.**) Si igitur in duas lineas rectas, recta  $\alpha\beta$  incidat linea: ac faciat angulos alternos inter se æquales: rectæ istæ lineæ inter se sunt æquidistantes. Id quod erat demonstrandum.

**Propositio vigesima octava. Theorema.**

**S**i linea recta, in duas rectas incidentes lineas: extraneum angulum, interno cui opponitur ex eadem parte fecerit æqualem: vel si duos internos, ex eadem parte: fecerit æquales duobus angulis rectis: æquidistantes inter se erunt, duæ illæ lineæ rectæ.

**Explicatio dati.**) In lineas duas rectas  $\alpha\beta$ , incidat linea recta  $\epsilon\zeta$ : angulum extraneum  $\alpha\beta\gamma$ , interno opposto ex eadem parte: angulo  $\eta\zeta\delta$  faciat æqualem: & faciat duos angulos internos, ex eadem parte  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$ : æquales duobus angulis rectis. (**Explicatio questi.**) Dico quod recta  $\alpha\beta$ , æquidistet rectæ  $\gamma\delta$ .  
**Demonstratio.** Cum enim angulus  $\alpha\beta\gamma$ , sic quis

## EVCLIDIS

qualis angulo  $\alpha\beta$ : idcirco angulus  $\alpha\beta$ , etiam est aquælis angulo  $\eta\theta\delta$ . Et sunt anguli alterni. quare recta  $\alpha\beta$ , rectæ  $\gamma\delta$ , est aquædistantia. Rarsus, quoniam anguli  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$ , duobus, rebus sunt æquales: et duo anguli  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$ , etiam duobus rectis æquales: idcirco anguli  $\alpha\beta$ ,  $\beta\eta\theta$  sunt duobus angulis  $\gamma\delta$ ,  $\eta\theta\delta$  æquales. communis auferatur angulus  $\beta\eta\theta$ . reliquis igitur angulis  $\alpha\beta$ : reliquo angulo  $\eta\theta\delta$ , est aquælis, et sunt anguli alterni. ergo recta  $\alpha\beta$ , aquædistantia rectæ  $\gamma\delta$ . Cœclusio.) Si igitur linea recta, in duas rectas incidens lineas: extraneum angulum interno cui opponitur, ex eadem parte fecerit aqualem; vel si duos angulos internos, ex eadem parte, fecerit æquales duobus angulis rectis: aquædistantes inter se erunt, duæ illæ lineæ rectæ. Id quod erat demonstrandum.

## Propositio vigesima nona. Theorema.

**L**inea recta, in duas rectas aquædistantes lineas incidens: facit angulos alternos inter se æquales: & angulum externum, interno opposito ex eadem parte facit aqualem: item duos angu-

angulos internos, ex eadem parte facit  
æquales duobus rectis.

Expositio dati.) Sint duæ lineæ rectæ ad-  
quedistantes ab, yd: & in eas incidat linea  
recta eß. Explicatio quæsti.) Dico quod fa-  
ciat angulos anθ, ηθδ: qui sunt alterni, incep-  
ter se æquales: & angulum externum enß, an-  
gulo interno opposito ex eadem parte ηθδ, æ-  
qualem: & angulos internos èx eadem parte  
positos βηθ, ηθδ: duobus rectis æquales. De-  
monstratio cum hypothesi.) Si enim angulus  
anθ, non est æqualis angulo ηθδ: alter illorum  
erit maior. sit angulus anθ maior. Quoniam  
angulus anθ, maior est angulo ηθδ: communis  
addatur angulus βηθ. ergo anguli anθ, βηθ,  
sunt maiores angulis βηθ, ηθδ. Verum angu-  
li anθ, βηθ: duobus rectis sunt æquales. ergo  
anguli βηθ, ηθδ: duobus rectis sunt minores.  
lineæ vero rectæ, à duobus angulis, qui sunt  
minores duobus angulis rectis: in infinitum  
yf, ductæ: concurrunt. quare rectæ ab, yd in  
infinitum productæ concurrent. sed quia æ-  
quedistantes proponuntur esse: nō concurrunt  
ad circa angulus anθ, non est inæqualis angulo  
ηθδ.

## EVCLIDIS.

$\eta\theta\delta$ , erit igitur ei æqualis. Verū angulus  $\alpha\eta\theta$ : angulo  $\alpha\eta\theta$  est æqualis: ideo etiā angulus  $\alpha\eta\beta$  est æqualis angulo  $\eta\theta\delta$ . cōmuni s addatur angulus  $\beta\eta\theta$ , ergo anguli  $\alpha\eta\beta$ ,  $\beta\eta\theta$ : angulis  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$  sunt æquales. verū anguli  $\alpha\eta\beta$ ,  $\beta\eta\theta$ : duo bus rectis sunt æquales. idcirco & anguli  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$ : duobus rectis æquales erunt. Conclusio.) Linea igitur recta, in duas æquedistantes li- neas rectas incidens: facit alternos angulos, in- ter se æquales: & angulum externum, interno opposto ex eadem parte facit æqualem: item duos angulos internos, ex eadem parte, facie æquales duabus rectis. Id quod erat demon- strandum.

## Propositio trigesima. Theorema.

**V**& eidem lineæ rectæ æquedi- stant: illæ etiam inter se æque- distant.

**E**xpliatio dati.) Sic linea recta  $\epsilon\zeta$ , cui æ- quedistet rectæ lineæ  $a\beta$ ,  $y\delta$ . Expliatio que- suti.) Dico quòd recta  $a\beta$ , etiam æquedistet re- tæ  $y\delta$ . Delineatio.) Incidat in prædictas li- neas: recta quædam linea  $\eta\chi$ . Demonstratio.)

Quoniam

Quoniam in duas æquedistantes rectas ab aliis  
incidit recta  $\eta\theta$ : idcirco angulus  $\alpha\eta\theta$ : est æqua-  
lis angulo  $\eta\theta\zeta$ . Præterea quoniam in duas re-  
ctas æquedistantes,  $\epsilon\zeta$ ,  $\gamma\delta$  recta incidit  $\eta\kappa$ : an-  
gulus  $\eta\theta\zeta$ , erit æqualis angulo  $\eta\kappa\delta$ . demonstra-  
tum verò est, quod angulus  $\alpha\eta\kappa$ : angulo  $\eta\theta\zeta$   
sit æqualis. quare et angulus  $\alpha\eta\kappa$ : angulo  $\eta\kappa\delta$   
est æqualis, et sunt anguli alterni. Quare re-  
cta  $\alpha\beta$ , æquedistat rectæ  $\gamma\delta$ . Conclusio.) Quæ-  
igitur rectæ eidem linea rectæ æquedistanti: il-  
lae etiam inter se æquedistant. Id quod erat  
demonstrandum.

## Proposito trigesima prima. Problema.

**A**PUNCTO dato: datae linea rectæ:  
rectam lineam æquedistantem  
ducere.

Explicatio dati.) Sit datum punctum  $a$ :  
et data linea recta  $By$ . Explicatio quæsiti.)  
 $A$  dato punto  $a$ : ducenda est linea recta, æ-  
quedstantis linea rectæ datae,  $By$ . Delineatio.)  
Sumatur in linea recta  $By$ : punctum quoduis  
 $\delta$ : et ducatur linea recta  $a\delta$ : ad lineam rectam  
 $a\delta$ : et punctū in ea a: angulo rectilineo ad  $y$ :  
æqua-

## E CLIDIS

equalis statuatur angulus rectilineus dæ: & ducatur linea al<sup>l</sup>, ex' d<sup>o</sup>eis, lineæ ea. Demonstratio.) Quoniam in duas lineas rectas By, el<sup>l</sup>: incidens linea recta ad: angulos alter nos ead, ad y, æquales inter se fecit. id circore Ita el<sup>l</sup>, æquedistat rectæ By. (Conclusio.) A punto igitur dato a: data linea rectæ By: duæta est linea recta ea<sup>l</sup> æquedistans. Id quod faciendum erat.

## Propositio trigesima secunda.

### Theorema.

**O**minus trianguli, uno è lateribus protracto: exterior angulus, duobus angulis interioribus quibus opponitur, est æqualis: & trianguli tres interiores anguli: duabus rectis sunt æquales.

Explicatio dati.) Sit triangulus aBy: & protrahatur latus eius By, ad punctum d. Explicatio quesiti.) Dico quod angulus ayd: est æqualis duabus angulis yaB, aBy, interioribus quibus opponitur: & quod anguli tres interiores aGy, Bya, yab: sint æquales duabus angulis

angulis rectis. Delineatio.) Ducatur à punto  
y: linea rectæ ab: aequidistant linea recta ye.  
Demonstratio.) Quoniam recta ab, aequidi-  
stant rectæ ye: & in eas incidit recta ay. Idcir-  
co alterni anguli Bay, aye: sunt inter se æqua-  
les. Item cum recta ab, aequidistant rectæ ye: &  
in eas incidit recta Cd: angulus eyd extenus,  
est æqualis angulo aby interno opposito. sed  
demonstratum est angulum aey: angulis Bay  
aby esse æqualem. Tonus igitur angulus ayd  
externus, duobus angulis internis oppositis  
Bay, aby est æqualis. Communis addatur an-  
gulus aby. anguli igitur ayd, aby: tribus an-  
gulis aby, bya, yab sunt æquales. sed duo  
anguli aby, aby sunt duobus rectis æquales.  
quare tres anguli aby, yba, yab, duobus re-  
ctis erunt æquales. Conclusio.) Omnis igitur  
trianguli, uno è lateribus protracto: exterior  
angulus, duobus angulis interioribus, quibus  
opponitur, est æqualis: & trianguli, tres inte-  
riores anguli: duobus rectis sunt æquales. Id  
quod erat demonstrandum.

D

## EVCLIDIS

Proposicio trigesima tertia. Theorema.

**L**ineæ rectæ, quæ æquales, & æquedistantes inter se lineas rectas ex eadem parte coniungunt: etiam ipseæ æquales, & æquedistantes inter se sunt.

Explicatio dati.) Sint lineæ rectæ  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$ , æquales, & æquedistantes: easq; ex eadem parte coniungant due rectæ,  $\alpha\gamma$ ,  $\beta\delta$ . Explicatio quæsiti.) Dico quod rectæ  $\alpha\gamma$ ,  $\beta\delta$ , æquales, & æquedistantes sint. Delineatio.) Ducatur linea recta  $\beta\gamma$ . Demonstratio.) Quoniam recta  $\alpha\beta$ , æquedistat rectæ  $\gamma\delta$ : et in eas incidit recta  $\beta\gamma$ : idcirco anguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\delta$  alterni: sunt inter se æquales. Et cum recta  $\alpha\beta$ : sis æqualis rectæ  $\gamma\delta$ : communis verò  $\beta\gamma$ : duo igitur latera  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ , duobus lateribus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\delta$  sunt æqua- lia: et angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angulo  $\beta\gamma\delta$  est æquales. basis igitur  $\alpha\gamma$ , basi  $\beta\delta$  est æqualis: et tri- angulus  $\alpha\beta\gamma$ , triangulo  $\beta\gamma\delta$  est æqualis: et reliqui anguli, reliquis angulis sunt æquales alter alteri, quos æqualia illa lacera subven- dunt. angulus igitur  $\alpha\gamma$ , angulo  $\gamma\beta\delta$  est æ- qualis, et angulus  $\beta\gamma$ , angulo  $\gamma\delta\beta$ . et quo- niam

niam in duas rectas  $\alpha\gamma$ ,  $\epsilon\delta$ , recta incidentes  $\beta\gamma$ :  
 angulos alternos  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\gamma\beta\delta$ , aequales inter se  
 fecit. idcirco recta  $\alpha\gamma$ , aequidistat rectae  $\beta\delta$ .  
 Verum demonstrata fuit ei esse aequalis. Con-  
 clusio.) Lineæ igitur rectæ, quæ aequales, &  
 aequidistantes inter se lineas rectas, ex eadem  
 parte coniungunt; etiam ipse aequales, &  
 aequidistantes inter se sunt. Id quod erat de-  
 monstrandum.

*Proposito trigesima quarta. Theorema.*

**A**reæ, quæ aequidistantibus lineis  
 rectis continentur: habent latera  
 opposita, & angulos oppositos  
 inter se aequales; & dimetiens ipsas me-  
 dias secant.

*Explicatio dati.)* Sit figura aequidistanti-  
 bus lineis rectis contenta  $\alpha\gamma\delta\beta$ : dimetiens  
 eius linea  $\beta\gamma$ . *Explicatio quesici.)* Dico quod  
 area  $\alpha\beta\gamma\delta$ , latus  $\alpha\beta$ : sit aequale lateri  $\gamma\delta$ :  
 item latus  $\alpha\gamma$ , aequale lateri  $\beta\delta$ . Præcerea  
 dimetiens  $\beta\gamma$ , ipsam figuram secet in duas  
 partes aequales. *Demonstratio.)* Quoniam  
 recta  $\alpha\beta$ , aequidistat rectæ  $\gamma\delta$ : & in eas inci-

D ij

## B V C L I D I S

dit recta  $\beta\gamma$ : anguli alterni  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\delta$  sunt inter se aequales. Item quoniam recta  $\alpha\gamma$ , aequaliter distat recta  $\beta\delta$ : et in eas incidit recta  $\beta\gamma$ : anguli igitur alterni inter se sunt aequales. Quare cum duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\gamma\beta\delta$ : duos angulos  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\delta$ , habeant duobus angulis  $\gamma\beta\delta$   $\beta\gamma\delta$ , aequales, alterum alteri: et unum latus, vni lateri aequale: nempe latus  $\beta\gamma$ , commune: quod ad angulos aequales est positum. idcirco et reliqua latera, reliquis lateribus habent aequalia, alterum alteri: et reliquum angulum reliquo angulo aequalem. latus  $\alpha\delta$ , aequale lateri  $\gamma\delta$ : et latus  $\alpha\gamma$ , aequale lateri  $\beta\delta$ . et angulum  $\beta\alpha\gamma$ , angulo  $\beta\delta\gamma$ , aequalem. Quia vero angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angulo  $\beta\gamma\delta$  est aequalis: et angulus  $\gamma\beta\delta$ , angulo  $\alpha\gamma\beta$  etiam aequalis. Tous igitur angulus  $\alpha\beta\delta$ , tertiῳ angulo  $\alpha\gamma\delta$  est aequalis. Verum et angulus  $\beta\alpha\gamma$ , demonstratus est aequalis angulo  $\beta\delta\gamma$ . Cōclusio.) Areæ igitur, quæ aequaliter in cibis lineis reellis continentur: habent latera opposita aequalia, et angulos oppositos inter se aequales. Secunda explicatio quæstii.) Dico quod diameter fecerit eas in duas partes aequales. Demonstratio secunda.)

Quoni-

Quoniam latus  $\alpha\beta$ , est æquale lateri  $\gamma\delta$ : et la-  
tus  $\beta\gamma$  cōmune. duo igitur latera  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ : duo  
bus laceribus  $\gamma\delta$ ,  $\beta\gamma$  sunt æqualia alterū alte-  
ris: et angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angulo  $\beta\gamma\delta$  est æqualis.  
ergo basis  $\alpha\gamma$ , basi  $\delta\beta$  est æqualis: et triangu-  
lus  $\alpha\beta\gamma$ , triangulo  $\beta\gamma\delta$  etiam æqualis. (Con-  
clusio.) Ergo diameter  $\beta\gamma$ , figuram  $\alpha\beta\gamma\delta$ : sa-  
cat in duas partes æquales. Id quod demon-  
strandum erat.

### TERTIA HVIVS ELE- menti pars.

Propositio trigesima quinta. Theorema.

**Q**uae parallelogramma, eandem  
habent basin: & in eisdem æque  
distantibus sunt lineis rectis; illa  
sunt æqua inter se.

Explicatio dati.) Sint parallelogramma  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ ,  $\epsilon\beta\gamma\zeta$ : in eadem basi  $\beta\gamma$ : et eisdem li-  
neis rectis æquedistantibus  $\alpha\zeta$ ,  $\beta\gamma$ . Explica-  
tio quæsiti.) Dico quod parallelogrammon  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ : sit æquale parallelogrammo  $\epsilon\beta\gamma\zeta$ . De  
D ij

## EVCLIDIS

monstratio.) Quoniam  $\alpha\beta\gamma\delta$  figura: est parallelogrammon. idcirco latus  $\beta\gamma$ , est aquale lateri  $\alpha\delta$ . Per eadem demonstrabitur quoque latus  $\epsilon\zeta$ : aquale lateri  $\beta\gamma$ . quare et latus  $\alpha\delta$ , est aquale lateri  $\epsilon\zeta$ . communis vero est recta  $\delta\epsilon$ . eorum igitur latus ac: toti lateri  $\delta\epsilon$  est aquale. Verum latus  $\alpha\beta$ : est etiam aquale lateri  $\delta\gamma$ . duo itaque latera ea,  $\alpha\beta$ : duobus lateribus  $\delta\epsilon$ ,  $\delta\gamma$  sunt equalia alterum alterius. et angulus  $\delta\gamma$ , equalis angulo  $\alpha\beta$ , exterius interno. basis igitur  $\epsilon\beta$ , basi  $\gamma\zeta$  est aqualis: et triangulus  $\epsilon\beta\gamma$ , triangulo  $\delta\gamma\zeta$  equalis. communis auferatur triangulus  $\delta\gamma\epsilon$ . quare reliquum trapezion  $\alpha\beta\gamma\delta$ , reliquo trapezio  $\epsilon\gamma\zeta$  est aquale. Communis addatur triangulus  $\alpha\beta\gamma$ . eorum igitur parallelogrammon  $\alpha\beta\gamma\delta$ , est aquale toti parallelogrammo  $\epsilon\gamma\zeta$ .

Conclusio.) Quae igitur parallelogramma eandem habent basim: et in eisdem aquedistantiis sunt lineis rectis: illa sunt inter se aqualia. Id quod erat demonstrandum.



Proposicio 36. Theorema.  
Vx parallelogramma, aquales  
habent

habent bases: & sunt in eisdem æquedistantibus lineis rectis: illa sunt æqualia inter se.

Explicatio dati.) Sine parallelogramma  $\alpha\beta\gamma\delta$ ,  $\epsilon\zeta\eta\theta$ : habentia bases  $\beta\gamma$ ,  $\zeta\eta$  æquales: & sint inter easdem æquedistantes rectas lineas  $\alpha\theta$ ,  $\beta\eta$ . Explicatio quæstui.) Dico quod parallelogrammon  $\alpha\beta\gamma\delta$ , sit æquale parallelogrammo  $\epsilon\zeta\eta\theta$ . Delineatio.) Ducantur linea rectæ  $\beta\epsilon$ ,  $\gamma\theta$ . Demonstratio.) Quoniam recta  $\beta\gamma$ , æqualis est rectæ  $\zeta\eta$ : &  $\zeta\eta$  est æqualis rectæ  $\epsilon\theta$ . idcirco &  $\beta\gamma$ . est. æqualis rectæ  $\epsilon\theta$ . verum sunt linea rectæ æquedistantes, easque coniungunt rectæ  $\gamma\epsilon$ ,  $\gamma\theta$ : rectæ vero quæ æquales, & æquedistantes rectas ex eadē parte coniungunt: & ipsæ æquales, & æquedistantes sunt. quare rectæ  $\epsilon\beta$ ,  $\gamma\theta$  æquales & æquedistantes sunt. atq; figura  $\epsilon\beta\gamma\delta$  est parallelogramon, & est æquale parallelogramo  $\alpha\beta\gamma\delta$ . quia cum eo eandē habet basim  $\beta\gamma$ : & in eisdē est æquedistantibus rectis  $\beta\gamma$ ,  $\alpha\theta$ . Similiter demonstrabimus quod  $\zeta\eta\theta\epsilon$  eidem parallelogramo  $\epsilon\beta\gamma\delta$  sit æquale. quare parallelogramon  $\alpha\beta\gamma\delta$ , parallelogramo  $\epsilon\zeta\eta\theta$  est æquale.

D iiiij

## EVCLIDIS

*Conclusio.) Quæ igitur parallelogramma, æquales habent bases: & sunt in eisdem æquidistantibus lineis rectis: illa sunt æqualia inter se. Id quod erat demonstrandum.*

*Proposito trigesima septima. Theorema,*

**Q**ui trianguli, eandem habent basim: & sunt in eisdem æquidistantibus lineis rectis: illi sunt inter se æquales.

*Explicatio dati.) Sint duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\delta\gamma\beta$ , super eadem basi  $\beta\gamma$ : & in eisdem æquidistantibus lineis rectis ad,  $\beta\gamma$ . Explicatio quæsti.) Dico quod triangulus  $\alpha\beta\gamma$ : sit æquale triangulo  $\delta\gamma\beta$ . Delineatio.) Producatur linea recta ad, in veramq; partem ad puncta e, &  $\zeta$ : & ex punto  $\beta$ , ducatur linea recta  $\beta\epsilon$ , æquidistans linea rectæ ay. præterea ex punto  $\gamma$ , ducatur recta  $\gamma\zeta$ , æquidistans rectæ  $\delta$ . Demonstratio.) Veraq; igitur figura  $\epsilon\beta\gamma$ , &  $\delta\beta\gamma\zeta$  est parallelogrammon. & parallelogrammon  $\epsilon\beta\gamma$ , est æquale parallelogrammo  $\delta\beta\gamma\zeta$ . quia super eadem basi  $\beta\gamma$  est: & inter easdem æquidistantes lineas rectas  $\beta\gamma$ ,  $\epsilon\zeta$ : & paralle-*

parallelogrammi εΒγ a dimidium est, triangulus αΒγ. nam diameter αΒ ipsum per mediū secat. parallelogrammi verò δΕ, γΖ, dimidiū est triangulus δΒγ. nam diameter δγ ipsum per medium secat. Quæ verò æ qualium sunt dimidia: illa inter se sunt æqualia. triangulis igitur αΒγ, triangulo δΒγ est æqualis. Conclusio.) Qui igitur trianguli, sunt super eadem basi: & inter easdem lineas rectas æquedistantes: illi inter se sunt æquales. Id quod erat demonstrandum.

*Propositio trigesima octaua. Theorema.*

**Q**uod trianguli, æquales habent bases: & sunt in eisdem æquedistantibus lineis rectis: illi inter se sunt æquales.

*Explicatio dati.)* Sint trianguli αΒγ, δΕΖ: super basibus æqualibus γΒ, εΖ: in eisdem æquedistantibus lineis rectis ad, ΒΖ. *Explicatio quæsti.)* Dico quod triangulus αΒγ, sit æqualis triangulo δΕΖ. *Delineatio.)* Producatur linea recta ad, in viramq, partem ad punctum, ε. *Ex punto δ, ducatur linea recta*

## EVCLIDIS

Gr. aequidistans linea rectæ ay. Icem ex pun  
En. ducatur linea recta  $\ell\theta$ , aequidistans li-  
nea rectæ de. Demonstratio.) Vtraque. i. g.  
zur figura nōya, de  $\ell\theta$  est parallelogrammon,  
et parallelogrammon nōya, est aequale pa-  
rallelogrummo de  $\ell\theta$ . quia super basiōus By,  
et aequalibus: et in eisdem lineis rectis aequa-  
distantibus  $B\ell$ , nō sunt . præterea parallelo-  
grammi abya dimidiū: est triangulus aBy.  
quoniam diameter aB, ipsum secat per medi-  
um. et parallelogrammi de  $\ell\theta$  dimidium, est  
 $\ell\theta$  triangulus. quia diameter  $\ell\theta$ , ipsum secat  
medium. Quæ verò aequalium sunt dimidia:  
illa inter se sunt aequalia . quare triangulus  
aBy, triangulo de  $\ell\theta$  est aequalis. Conclusio.)  
Qui igitur trianguli, super basibus fuerint a-  
equalibus: et in eisdem lineis aequidistantibus:  
illi inter se sunt aequales. Id quod erat demon-  
strandum.

Proposicio trigesima nona. Theorema.

Trianguli aequales, eandē habent.  
bases basim: & ex eadem parte, &  
in eisdem aequidistantibus rectis  
sunt.

Explicatio dati.) Sunt trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\delta\beta\gamma$  super eadem basi  $\beta\gamma$ . Explicatio quæfici.) Dico quod etiam in eisdem sunt linea rectis æque distantibus. Delineatio.) Ducatur linea recta ad. Explicatio delineacionis.) Dico quod recta ad, æquedistet rectæ  $\beta\gamma$ . Hypothesis.) Si enim ei non æquedistat: ducatur per punctum  $\alpha$ , rectæ lineæ  $\beta\gamma$ , æquedistantis recta ac: & ducatur linea recta  $\epsilon\gamma$ . Demonstratio.) Triangulus igitur  $\alpha\beta\gamma$ , est æqualis triangulo  $\epsilon\gamma\beta$ : qui super eadem basi  $\beta\gamma$  est: et in eisdem lineis rectis æquedistantibus  $\beta\gamma$ , ac. verum triangulus  $\alpha\beta\gamma$ : est æqualis triangulo  $\delta\beta\gamma$ : idcirco et triangulus  $\delta\beta\gamma$ , triangulo  $\epsilon\beta\gamma$  est æqualis. maior minori. quod fieri nequit. Quare recta ad, non æquedistat rectæ  $\beta\gamma$ . Simili ratione demonstrabimus, quod nulla alia præter quam ad recta, æquedistet rectæ  $\beta\gamma$ . recta igitur ad, rectæ  $\beta\gamma$  æquedistat. Cōclusio.) Trianguli igitur æquales: eandem habentes basim: in eisdem sunt æquedistantibus rectis. Id quod erat demonstrandum.

Propo-

## E V C L I D I S

Propositi⁹ quadragesima. Theorema.

**T**rianguli æquales: super æqualibus constituti basibus: sunt in eisdem lineis rectis equedistantibus.

*Explicatio dati.)* Sint trianguli æquales,  $a\beta\gamma$ ,  $y\delta\epsilon$ : super basibus  $\beta\gamma$ ,  $\delta\epsilon$  æqualibus.  
*Explicatio quæsti⁹.* Dico quod in eisdem sint æquedistantibus lineis rectis.  
*Delineatio.)* Ducatur recta ad. *Explicatio delineationis*)  
Dico quod ad, æquedistet rectæ  $\beta\epsilon$ .  
*Hypothesis.)* Si enim non æquedistat, ducatur per punctum  $\alpha$ , rectæ  $\beta\epsilon$ , æquedistantis recta  $\zeta\alpha$ : & ducatur recta  $\zeta\epsilon$ .  
*Demonstratio.)* Triangulus igitur  $a\beta\gamma$ : est æqualis triangulo  $\zeta\gamma\epsilon$ . quia sunt constituti super basibus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\zeta$  æqualibus: & in eisdem lineis rectis æquedistantibus  $\beta\epsilon$ ,  $\alpha\zeta$ . sed triangulus  $a\beta\gamma$ , est æqualis triangulo  $\delta\gamma\epsilon$ . quare triangulus  $\delta\gamma\epsilon$ : etiam erit æqualis triangulo  $\zeta\gamma\epsilon$ . maior minori. quod fieri negatur, non igitur recta  $\alpha\zeta$ , æquedistat rectæ  $\beta\epsilon$ .  
*Simili ratione demonstrabimus.* quod nulla linea præter quam ad rectam æquedistet rectæ  $\beta\epsilon$ .  
*Cōclusio.)* Trianguli igitur æquales: super æqualibus constituti basibus: sunt in eisdem lineis

neis rectis æquedistantibus. Id quod erat demonstrandum.

*Proposicio quadragesima prima.*

*Theorema.*

**P**arallelogrammon, trianguli est duplum: si super eadem consistat basi: & in eisdem fuerit æquedistantibus lineis rectis.

*Explicatio dati.)* Parallelogrammen  $\alpha\beta\gamma\delta$ . & triangulus  $\epsilon\beta\gamma$ : sine super eadem basi  $\beta\gamma$ , in eisdem æquedistantibus lineis rectis  $\alpha\epsilon$ ,  $\gamma\epsilon$ .

*Explicatio quæsti.)* Dico quod parallelogrammon  $\alpha\beta\gamma\delta$ : sit duplum trianguli  $\beta\gamma\epsilon$ .

*Delineatio.)* Ducatur recta  $\alpha\gamma$ . Demonstra-

cio.) Triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , est æqualis triangulo  $\epsilon\beta\gamma$ : quia super eadem basi sunt  $\beta\gamma$ : & in eisdem æquedistantibus lineis rectis  $\beta\gamma$ , ac-

sed parallelogrammon  $\alpha\beta\gamma\delta$ , est duplum trianguli  $\alpha\beta\gamma$ . quia  $\alpha\gamma$  diameter ipsum mediū secat. quare & parallelogrammon  $\alpha\beta\gamma\delta$ : tri-

anguli  $\epsilon\beta\gamma$  duplum erit. Conclusio.) Parallelo-

grammon igitur trianguli est duplum: si su-

per eadem consistat basi: & in eisdem fuerit  
æqua-

EVCLIDIS  
a quæ distanciis lineis rectis. Id quod erat de-  
monstrandum.

Proposicio quadragesima secunda.

Problema.

**D**ato triangulo, æquale statuere parallelogrammon: in angulo rectilineo dato.

Explicatio dati.) Sie triangulus datus  $\alpha\beta\gamma$ : et datus angulus rectilineus  $\delta$ . Explicatio quesiti.) Dato triangulo  $\alpha\beta\gamma$ , statuendum est parallelogrammon æquale: in angulo qui est æqualis, dato angulo rectilineo  $\delta$ . De lineatio. Dissecetur linea recta  $\beta\gamma$  media in puncto  $e$ : et ducatur linea recta  $ae$ : atque statuatur ad lineam rectam  $\epsilon\gamma$ : et ad punctum eius  $e$ : daco angulo rectilineo  $\delta$ : æqualis angulus rectilineus  $\gamma\epsilon\zeta$ : postea ducatur per punctum  $a$ , linea recta  $\gamma\epsilon$ : aequedistans linea recta  $\alpha\gamma$ : et per punctum  $\gamma$ , linea recta  $\epsilon\zeta$ , aequedistans linea recta  $\alpha\gamma$ . Erit itaq; figura  $\zeta\epsilon\gamma\alpha$  parallelogrammon. Demonstratio.) Quoniam  $\beta\epsilon$  est æqualis  $\epsilon\gamma$ : idcirco et triangulus  $\alpha\beta\epsilon$ , triangulo  $\alpha\gamma\epsilon$  est æqualis: sunt enim super basibus æquali-

equalibus  $\beta\epsilon, \epsilon\gamma$ : & in eisdē lineis rectis  $\beta\gamma$ ,  
 non aequalibus, Quare ab  $\gamma$  triangulus  
 duplus est trianguli  $\alpha\epsilon\gamma$ . Verū parallelogram  
 mon  $\epsilon\gamma\eta$ : etiam est duplum trianguli  $\alpha\epsilon\gamma$ ,  
 quia eandem habent basim  $\epsilon\gamma$ : & in eisdē sunt  
 aquedistantibus lineis rectis  $\epsilon\gamma$ ,  $\eta$ . Quare  
 parallelogrammon  $\epsilon\gamma\eta$ : est aequalis triangulu  
 lo  $\alpha\beta\gamma$ : & habet angulum  $\gamma\epsilon\beta$ , aequalem an  
 gulo  $\delta$ . Cōclusio.) Datu igitur triangulo  $\alpha\beta\gamma$ :  
 statutum est aequalis parallelogrammon  $\epsilon\gamma\eta$ ,  
 in angulo  $\beta\epsilon\gamma$ , qui est aequalis, dato angulo re  
 stante  $\delta$ . Quod faciendum erat.

### Propofitio 43. Theorema.

**O**nus parallelogrammi, eorum  
 quæ circa eandem sunt dimen  
 tem parallelogrammon supple  
 menta: aequalia inter se sunt.

Explicatio duci.) Sit parallelogrammon  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ : dimetiens eius  $\alpha\gamma$ : & circa  $\alpha\gamma$ , sint pa  
 rallelogramma  $\epsilon\theta$ ,  $\zeta\eta$ , & quæ vocantur sup  
 plementa sint  $\beta\kappa, \kappa\delta$ . Explicatio quæcūi.)  
 Dico quod supplementum  $\epsilon\kappa$ , sit aequalis sup  
 plemento  $\gamma\delta$ . Demonstratio.) Quoniam  $\alpha\beta\gamma\delta$   
 paralle-

## E V C L I D I S

parallelogrammon, diametrum habet ax: idcirco triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , est aequalis triangulo  $\alpha\delta\gamma$ . Rursus quoniam exha parallelogrammon: diametrum habet ax lineam rectam: ideo etax triangulus, est aequalis triangulo  $\alpha\theta\kappa$ . per eadem demonstrabitur triangulum  $\chi\zeta\gamma$ , triangulo  $\kappa\eta\gamma$  esse aequalem. Cum igitur triangulus  $\alpha\kappa\chi$ , triangulo  $\alpha\theta\kappa$  sit aequalis: & triangulus  $\chi\zeta\gamma$ , aequalis triangulo  $\kappa\eta\gamma$ : erit itaq, triangulus  $\alpha\kappa\chi$  cum triangulo  $\chi\theta\gamma$  aequalis triangulo  $\alpha\theta\kappa$ , cum triangulo  $\kappa\zeta\gamma$ . Verum tamen triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , toti triangulo  $\alpha\delta\gamma$  est aequalis. quare reliquum supplementum  $\beta\kappa$ , reliquo supplemento  $\kappa\delta$  est aequale. Conclusio.) Omnis igitur parallelogrammi, eorum quae circa eandem sunt dimicentem parallelogrammum supplementa: aequalia sunt inter se. Id quod erat demonstrandum.

## Proposicio quadragesima quarta.

### Problema.

**A**D datam lineam rectam: dato triangulo: aequale statuere parallelogrammon: in angulo rectilineo dato.

*Expli-*

Explicatio dati.) Sit data linea recta  $\alpha\beta$ ,  
 datus vero triangulus  $\gamma$ : datus angulus rectus  
 linea  $\delta$ . Explicatio quesiti.) Addatam linea  
 neam rectam  $\alpha\beta$ : statuendum est parallelo-  
 grammon, aequale triangulo dato  $\gamma$ : in angulo,  
 qui est aequalis angulo  $\delta$  dato. Delineatio.)  
 Fiat triangulo  $\gamma$ , aequale parallelogrammon  
 $\text{Ge}\zeta\eta$ : in angulo  $\epsilon\beta\eta$ , aequali angulo  $\delta$  dato: &  
 sit linea recta  $\beta\epsilon$ , ex ob eius recta  $\alpha\beta$ : atque  
 producatur linea recta  $\zeta\eta$ , ad punctum  $\theta$ . per  
 punctum etiam  $\alpha$ : educatur alterutri linearis  
 $\beta\zeta\eta$ , eae quedistans linea recta  $\alpha\beta$ : denique duca-  
 tur linea recta  $\theta\zeta$ . Demostratio.) Quoniam in  
 duas rectas quedistantes  $\alpha\theta$ ,  $\epsilon\zeta$ : incidi recta li-  
 nea  $\theta\zeta$ : idcirco anguli  $\alpha\theta\zeta$ ,  $\theta\zeta\epsilon$  duobus rectis  
 sunt aequales. atque ideo anguli  $\beta\theta\eta$ ,  $\eta\zeta\epsilon$  duobus  
 rectis sunt minores, verum lineae rectae, a duo  
 bus angulis, qui sunt minores duobus angulis  
 rectis: in infinitum usque ductae concurrunt.  
 quare  $\theta\beta$ ,  $\zeta\epsilon$  producuntur concurrentes. Altera  
 delineationis pars.) Producantur duae lineae  
 rectae  $\zeta\epsilon\theta\beta$ : & concurrant in punto  $x$ : & per  
 punctum  $x$ , alterutre linearum ea,  $\zeta\theta$ , duca-  
 tur  $x\lambda$  aequedistans: atque producantur lineae

## EVCLIDIS

recta  $\alpha\beta, \theta\alpha$ , ad puncta usq;  $\lambda, \mu$ . Demonstra-  
sionis altera pars.) Est igitur figura  $\theta\lambda\mu\gamma$  par-  
allelogrammon; eiusq; diameter  $\theta\lambda$ : circa  
diametrem vero parallelogramma sunt an-  
guli: dicta vero supplementa  $\lambda\beta, \beta\gamma$ . quare  $\lambda\beta$   
supplementum, est aequale  $\beta\gamma$  supplemento. ve-  
rum  $\beta\gamma$  supplementum, est aequale triangulo  
 $\gamma$ . ergo et  $\lambda\beta$  supplementum triangulo  $\gamma$  est  
aequale. præterea quoniam angulus  $\eta\beta\epsilon$  est ea-  
qualis angulo  $\alpha\beta\mu$ : et angulus  $\eta\beta\epsilon$  etiam est  
aequalis angulo  $\delta$ , idcirco et angulus  $\alpha\beta\mu$ , e-  
tiam est aequalis angulo  $\delta$ . Conclusio.) Ad da-  
tam igitur lineam rectam  $\alpha\beta$ : dato triangulo  
 $\gamma$ : aequale constitutum est parallelogrammon  
 $\lambda\beta$ : in angulo  $\alpha\beta\mu$ , qui est aequalis angulo  $\delta$ .  
Id quod erat faciendum.

### Propositio quadagesima quinta.

#### Problema.

**D**ato rectilineo: aequale statuere  
parallelogrammon: in angulo re-  
ctilineo dato.

Explicatio dati.) Sit datum rectilineum  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ : et datus angulus rectilineus  $\epsilon$ . Ex-  
plica-

plicatio quæsiti.) Dato rectilineo ab yd: statuendum est æquale parallelogrammon: in angulo rectilineo, qui est æqualis angulo e dato.

Delineatio.) Ducatur linea recta  $\beta\delta$ : et constituatur triangulo  $a\beta\delta$  æquale parallelogrammon  $\gamma\theta$ : habens angulum  $\theta x\zeta$ , æqualem angulo e. statuatur etiam ad lineam rectam  $\eta\theta$ , parallelogrammon  $\eta\theta\mu$ , æquale triangulo  $\delta\gamma\beta$ : habens angulum  $x\theta\mu$  æqualem angulo e.

Demonstratio.) Quoniam angulus e alterutri angulo  $\theta\eta\zeta$ ,  $\eta\theta\mu$  est æqualis: idcirco et angulus  $\eta\theta\mu$ , angulo  $\theta x\zeta$  est æqualis. cōmunitis addatur angulus  $x\theta\eta$ . ergo duo anguli  $\gamma x\theta$ ,  $x\theta\eta$ : duobus angulis  $x\theta\eta$ ,  $x\theta\mu$  sunt æquales. verum duo anguli  $\gamma\eta\theta$ ,  $x\theta\eta$  duabus rectis sunt æquales. quare et anguli  $x\theta\eta$ ,  $\eta\theta\mu$  duabus rectis sunt æquales. ad lineam rectam  $\eta\theta$ , et punctū in ea datum  $\theta$ : in diuersas partes ductæ sunt lineæ rectæ  $x\theta$ ,  $\theta\mu$ : atq; faciunt angulos  $\epsilon\phi\epsilon$   $\zeta\eta\gamma$  æquales duabus rectis: quare recta  $x\theta$ , est in  $\theta\epsilon\phi\epsilon$  recta  $\theta\mu$ . Et quia in lineas rectas æquedistantes  $x\mu$ ,  $\zeta\eta$ , recta quædam  $\theta\eta$  incidit: anguli idcirco alterni sunt inter se æquales: angulus  $\mu\theta\eta$ , æqualis angulo  $\theta x\zeta$ . Communis

## EUCOLIDIS

addatur angulus  $\theta\eta\lambda$ . anguli igitur  $\mu\theta\eta$ ,  
 $\theta\eta\lambda$ : angulis  $\theta\chi\zeta$ ,  $\theta\eta\lambda$  sunt aequales. verum  
 $\lambda\theta\eta$ ,  $\theta\eta\lambda$  anguli sunt aequales duobus rectis.  
quare et anguli  $\theta\chi\zeta$ ,  $\theta\eta\lambda$ , duobus rectis sunt  
aequales. quare recta  $\zeta\eta$ , est et'  $\lambda\theta\eta$ tas, recta  
 $\eta\lambda$ . Cum vero  $x\zeta$  recta, rectae  $\theta\eta$  sit aequalis, et  
aequidistans: item  $\theta\eta$  recta, rectae  $\mu\lambda$  aequalis  
et aequidistans: idcirco et  $x\zeta$  recta, rectae  $\mu\lambda$   
aequalis et aequidistans est: easq; coniungunt  
rectae  $\mu\lambda$ ,  $\zeta\eta$ . quare et  $x\lambda$ ,  $\zeta\eta$  aequales et re-  
quidistantes sunt: unde fit, quod figura  $x\zeta\lambda\mu$   
sit parallelogrammon. Cum autem triangulus  
 $a\zeta d$ : sit aequalis parallelogrammo  $\theta\zeta$ : et tri-  
angulus  $\delta\beta y$  parallelogrammo  $\eta\mu$ . totum i-  
gitur rectilineum  $a\beta yd$ : toti parallelogram-  
mo  $x\zeta\lambda\mu$  est aequale. Conclusio.) Dato igitur  
rectilineo  $a\beta yd$ : constitutum est parallelo-  
grammon  $x\zeta\lambda\mu$  aequale: in angulo  $\zeta\eta\mu$ : qui  
est aequalis dato angulo s. Id quod faciendum  
erat.

Propositio quadragesima sexta. Problema.

**A** Data linea recta: describere qua-  
dratum.

Explicatio dati.) Sit data linea re-

cta

Et a  $\alpha\beta$ . Explicatio quæsti.) Adata linearis  
 Et a  $\lambda\beta$ , describendum est quadratum. Delinea-  
 zio.) Ducatur ex puncto  $\alpha$ , linea recta  $\alpha\beta$ : ad  
 angulos rectos recta linea  $\alpha\gamma$ : et fieri rectæ  
 $\alpha\beta$ , aequalis recta  $\alpha\delta$ : per punctum etiam d.  
 linea rectæ  $\alpha\beta$ : ducatur aequidistans linea ra-  
 eta  $\delta\epsilon$ : deniq; per punctum  $\beta$ , linea rectæ  $\delta\epsilon$   
 ducatur aequidistans linea recta  $\gamma\epsilon$ . Demon-  
 stratio.) Figura igitur  $\alpha\beta\delta\epsilon$ , est parallelo-  
 grammon: et  $\alpha\delta$ , est aequalis  $\delta\epsilon$ , atq; ad rectæ  
 $\beta\epsilon$ : sed et  $\alpha\beta$  etiam est aequalis rectæ  $\alpha\delta$ . qua-  
 tuor igitur rectæ  $\alpha\delta$ ,  $\alpha\beta$ ,  $\delta\epsilon$ ,  $\beta\epsilon$ , sunt inter se  
 aequales, atq; idcirco parallelogrammon  $\alpha\beta\delta\epsilon$   
 est equilaterum. Secunda explicatio quæsti.)  
 Dico quod parallelogrammon  $\alpha\beta\delta\epsilon$ : etiam  
 sit rectangulum. Demonstratio.) Cum in duas  
 rectas aequidistantes  $\alpha\delta$ ,  $\delta\epsilon$ , recta quædam  $\alpha\beta$   
 inciderit: anguli  $\beta\alpha\delta$ ,  $\alpha\delta\epsilon$ , duobus rectis sunt  
 aequales: verum angulus  $\beta\alpha\gamma$ , est rectus. id-  
 circo et angulus  $\alpha\gamma\epsilon$ , etiam est rectus. parallelo-  
 grama vero angulos oppositos aequales: et late-  
 ra opposita habet aequalia: quare ut erg; angu-  
 lorum oppositorum  $\alpha\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$  est rectus: ideoq;  
 ad  $\alpha\beta\delta\epsilon$  parallelogrammon, est rectangulum. sed

E V C L I D I S

¶ aequilaterum esse, fuit demonstratum. Conclusio.) Quare ab  $\gamma$  figura, est quadratum: & est descriptum à linea recta data ab. id quod erat demonstrandum.

Propositio quadraginta septima.

Theorema.

In triangulis rectangularibus, quadratum lateris angulum rectum subtenden-  
tis: est æquale quadratis laterum, re-  
ctum angulum continentium.

Explicatio dati.) Sit triangulus rectangu-  
lus ab $\gamma$ , habens angulum  $\beta\gamma$  rectum. Ex-  
pliatio quæstii.) Dico quod quadratum late-  
ris  $\beta\gamma$ : sit æquale quadratis laterum  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ .  
Delineatio.) Describatur à linea  $\beta\gamma$ , qua-  
dratum  $\beta\delta\gamma$ : & à linea  $\beta\alpha$ , quadratum  $\beta\eta$ .  
Præterea à linea  $\alpha\gamma$  quadratum  $\gamma\theta$ . Duca-  
tur etiam per punctum  $\alpha$ : alterutram linearum  
 $\beta\delta$ ,  $\gamma\theta$  aequidistantis recta linea  $\alpha\lambda$ . deniq<sup>u</sup>, du-  
catur duæ lineæ rectæ ad,  $\zeta\gamma$ . Demonstra-  
tio.) Quoniam vtrq; angulorum  $\beta\gamma$ ,  $\beta\eta$   
est rectus, idcirco ad rectam quandam  $\beta\alpha$ :  $\gamma\zeta$   
ad punctum quod in ea est  $\alpha$ , duæ rectæ  $\alpha\gamma$ ,  $\alpha\eta$

in diuersas partes ducit: faciente angulos vicinos inter se aequales. quare recta  $\gamma\alpha$  est in obelis recte  $\alpha\gamma$ . per eadem ista demonstrabitur: quod recta  $\alpha\beta$ , est etiam obelis recta  $\alpha\beta$ . quoniam vero angulus  $\delta\gamma\beta$ , aequalis est angulo  $\gamma\beta\alpha$  (quia necq; est rectus) communis ad datur angulus  $\alpha\beta\gamma$ . totus igitur angulus  $\delta\beta\alpha$ : non angulo  $\gamma\beta\alpha$  est aequalis. cum vero duo latera  $\delta\gamma$ ,  $\beta\alpha$ , duobus lateribus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  sint aequalia, alterum alteri: et angulus  $\delta\beta\alpha$ , angulo  $\gamma\beta\alpha$  aequalis. basis igitur ad basi  $\gamma\alpha$  est aequalis. et triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , triangulo  $\gamma\beta\alpha$  aequalis. verum trianguli  $\alpha\beta\gamma$ : parallelogrammon  $\gamma\lambda$  est duplum. quia habent eandem basin  $\beta\delta$ : et sunt in eisdem lineis rectis aequidistantibus  $\beta\gamma$ ,  $\alpha\lambda$ . Item trianguli  $\gamma\beta\alpha$ , duplum est quadratum  $\eta\beta$ . quia habent eandem basin  $\beta\delta$ : et sunt in eisdem lineis rectis aequidistantibus  $\gamma\beta$ ,  $\eta\gamma$ . Quae vero aequalium sunt dupla: illa inter se sunt aequalia. ideoque parallelogrammon  $\beta\lambda$ , aequalis est quadrato  $\eta\beta$ . Similiter ratione quando  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\lambda$ , rectae coniunguntur: demonstrabitur quod parallelogrammon  $\gamma\lambda$ : sit aequalis quadrato  $\eta\gamma$ . eorum

E V C L I D I S .

igitur quadratum  $\delta\text{Gy}$ : duobus quadratis  
 $\eta\beta, \theta\gamma$ , est æquale. sed  $\beta\delta\text{Gy}$  quadratum: est  
descriptum à latere  $\beta\gamma$ , & quadratum  $\eta\beta, \theta\gamma$   
sunt descripta à lateribus  $\text{Gx}, \alpha\gamma$ . Quadratum  
igitur lateris  $\beta\gamma$ : est æquale quadratis laterum  
 $\beta\alpha, \alpha\gamma$ . Cōclusio.) In triangulis igitur rectan-  
gulis: quadratum lateris rectum angulū sub-  
tendentis: est æquale quadratis laterum rectū  
angulum cōtinentium. quod erat demonstran-  
dum.

Proposicio quadragesima octaua.

Theorema.

**S**i quadratum vnius lateris trianguli  
fuerit æquale quadratis reliquo-  
rum duorum laterum: erit angulus,  
quemr aliqua illa duo triangulilatera  
continent, rectus.

*Explicatio dati.)* Sit quadratum lateris  
 $\beta\gamma$ , trianguli  $\alpha\beta\gamma$ , æquale quadratis laterum  
 $\beta\alpha, \alpha\gamma$ . *Explicatio quæsici.)* Dico quod an-  
gulus  $\beta\alpha\gamma$  sit rectus. *Delineatio.)* Ducatur  
à punto  $\alpha$ : linea rectæ  $\alpha\beta$ , ad angulos rectos  
linea recta  $\alpha\delta$ : & fiat linea  $\alpha\delta$ , æqualis recta  
linea  $\alpha\gamma$ : deniq; ducatur linea recta  $\delta\beta$ . De-  
monstra-

monstratio.) Quoniam recta  $\delta\alpha$ , est aequalis re-  
cta  $\alpha y$ ; idcirco et quadratum à recta  $\delta\alpha$  descri-  
ptum: erit aequale, quadrato à recta  $\alpha y$  descri-  
pto. Commune addatur quadratum recta  $\alpha\beta$ .  
quare quadrata rectarum  $\delta\alpha, \alpha\beta$ : sunt aequa-  
lia quadratis rectæ  $\beta\alpha, \alpha y$ . Verum quadra-  
tis rectarum  $\delta\alpha, \alpha\beta$ : aequale est quadratum re-  
cta  $\gamma\delta$ : quia angulus  $\delta\alpha\beta$  est rectus. quadra-  
tis vero rectarum  $\alpha\beta, \alpha y$ : aequale proponitur  
esse quadratum rectæ  $\delta\beta$ . Quare quadratum  
rectæ  $\delta\beta$ : aequale est quadrato rectæ  $\beta y$ . unde  
etiam latus  $\delta\beta$ : lateri  $\beta y$ , est aequale. Quoni-  
am vero latus  $\delta\delta$ , est aequale lateri  $\alpha\beta$ : com-  
mune vero latus  $\alpha y$ : duo latera  $\delta\alpha, \alpha\beta$ : duo-  
bus lateribus  $\beta\alpha, \alpha y$  sunt aequalia; et basis  
 $\delta\beta$ , est aequalis basi  $\beta y$ . idcirco et angulus  
 $\delta\alpha\beta$ , angulo  $\beta\alpha y$  est aequalis. Verum angu-  
lus  $\gamma\alpha\beta$  est rectus. quare et angulus  $\beta\alpha y$  etiam  
erit rectus. Conclusio.) Si igitur quadratum  
unius lateris trianguli fuerit aequale quadra-  
tis reliquorum duorum laterum: erit angulus  
quem reliqua duo trianguli latera continens  
rectus. Id quod erat demonstrandum.

E 3

**SCHOLIA IN HOC PRÆ**  
*num Euclidis elementum, Cuius  
radi Dasypodij.*

**De scientijs Mathematicis.**

**M**athematicas scientias, sic dictas vobis lunc: quod cum alias artes etiam ab aliis preceperore intelligere, & addiscere possimus: has tamen non nisi instituti, & edocit: immo in illis exercitaci percipere queamus: ut à discendo disciplinæ, à mathētis, ēmathētis, mathētūringi dicantur. Pythagorici autem mathematicæ nomine, duabus tantum scientijs Arithmetica, & Geometria imposuerūt. quos niam in his porissimum rō ēmathētūringov, ex ipsa mathētōis cerni potest. postea tamen non nullius sumpto vocabulo: alias scientias biseo cognatas appellantur Mathematicas, Astronomiam, Musicam, & quæ huius sunt generis. Hinc sic, ut Mathematica definatur scientia contemplationem habens rerum, non tantum abstractarum, ut sunt numeri, ex figura: sed & sensibus ipsis subiectarum, ut pote

pote cœli, terræ, stellarum, sonorum, tonorum,  
Et quæcunq; his sunt similia.

Hanc verò uniuersalem mathesin: indu-  
sus potissimum partes diuidunt: altera enim  
uersatur circa res mēte & ratione perceptas:  
Quae Gracis nominantur τὰν τὰ, & Διγε-  
νητὰ. altera verò τῶν αἰδητῶν, rerum sen-  
tū subiectarum habet perceptionem: illa Geo-  
metriam, & Arithmeticam complectitur: hæc  
verò in sex est diuisa scientias, Geodæsiam, &  
Opticam: quæ ex Geometria nascuntur: Los-  
istica & Canonicam, prognatas ex Arith-  
metica: deniq; Mechanicam, & Astronomiā:  
quas ad veramq; referri tradunt. Est & alia  
mathematicæ diuisio: in quatuor partes tan-  
gum facta. quoniam uāthησις vel habet percep-  
tionem quantitatis continuae, vel quantita-  
tis discretæ. Geometria enim, & Astro-  
nomia sibi habent subiectas ipsas magnitudines:  
Geometria quidem eam, quæ est sine motu: A-  
stronomia eam, quæ mouetur. sic etiam mul-  
titudinis & numerorum fit contemplatio, in  
Arithmetica, & Musica: illa enim numeros  
per se considerat: eorumq; proprietates inue-  
stigat.

## SHOLIA

figat: hæc verò numeros tractat relatos, quos  
etiam harmonicos appellant. Itaque vniuer-  
salis quedam mathematica cognitio & do-  
ctrina est statuenda: sub se complectens reli-  
quas disciplinas omnes: suaq; principia, & va-  
rietales propositiones omnibus communica-  
cans: non quatenus numeris, aut figuris, vel  
deniq; motibus illa insunt: sed quatenus eorum  
vniuersalis est natura: & talis, que singulari-  
bus illis disciplinis attribui potest. Sunt autem  
eiusmodi principia τὸ πέρας, καὶ τὸ ἄπεριον, fini-  
tum, & infinitum: quia numerus incipit ab  
unitate, & in infinitum usq; crescit: is verò  
qui sumitur, finitus semper est: sic etiam ma-  
gnitudines in infinitum usq; diuidi possunt: cù  
zamen ea que diuiduntur: sint finita, & termi-  
nata. Propositiones verò mathematicæ com-  
munes sunt istæ, in quibus contemplamur λό-  
γος, ἀναλογίας, συνθέσεος Διεξέρεσσ, ανασpo-  
φὰς, ισαλλαγὰς τὸ ἴσον, τὸ διῆσον, id est, ratio-  
nes, proportiones, compositiones, divisiones, co-  
ueriones, alcernas permutationes, æquale, &  
inequale. deinde τὸ κάλλος, καὶ τάξις, ipsaq;  
μέθοδος. præserca ὀμοιότης, καὶ ἀνομοιότης, si-  
miludo.

militudo, & dissimilitudo rerum in figuris, numeris, ex motibus vniuersaliter considerantur. bæc inquam omnia, & his similia vnaquaque disciplina ad suam accommodat rem subiectam: eaq; ei inesse proprijs confirmat ratiobus. Præterea Mathematicarum disciplinarum fastigium & vertex quasi: est ipsa ðæma ðæmætura, quia per ipsam hæ scientie perficiantur: dum definitionibus, divisionibus, demonstrationibus, & quicquid harum rerum est, videntur.

### De Geometria, & eius elementis.

Proclus Geometriā sic definit: γεωμετρία  
εστὶ ἐπισήμη γνῶσιν περὶ θεών, καὶ οὐκατων, καὶ  
τὸν τύπον περάτων: επὶ δὲ καὶ τὸ λόγον τὸν  
αὐτοῖς, Καθὼν τὸν δὲ αὐτὰ, καὶ τὸ πενθούν  
θέοντας, καὶ κανόνεων. Geometria est scientia,  
vel cognitio magnitudinum, & figurarum,  
atq; etiam terminorum quibus illæ clauduntur:  
queq; proportiones & rationes, atq; etiam  
passiones his accidentes demonstrat: positio-  
num deniq;, & motuum varietates explicat.  
Hæc scientia duplex est: altera nominatur  
Geometria, Tēmætura: altera στρεμμætura.

Plano

## SCHOLIA.

Planorum contemplatio tanquam simplicior  
præcedit, siquidem ex superficerum contem-  
platione nascitur corporum et solidorum co-  
gnitio. in præraq; vero tria (sicuti in omnibus  
scientijs) considerantur. Primum ἔργον  
τον γένερον, res ipsa, de qua doctrina est institu-  
ta: alterum τὸ καθ' αὐτὸν ἔργον: id quod  
rei per se inest: et τὰ πάθη, rerum affectiones  
tertium ἀξιώματα, καὶ αἰτήματα, proposicio-  
nes: per quas rebus subiectis inesse aliquid de-  
mōstratur. illa itaq; in Geometria consideran-  
da veniunt: nam ut ex definitione Geometria  
licet videre: subiecta sunt trianguli, quadra-  
ta, circuli, sphæræ, Cylindri, et ut summatim  
dicam, figurae planæ corpora solida, deniq; om-  
nes magnitudines immobiles, et harum termi-  
ni, que vero his per se in sunt, dicitur ḡeos, à  
φαι, πλεγχολαι, ὑπεροχη, ἐλλεψις, ισότης  
καὶ ισοτης, id est, diuisiones contactus, appli-  
cationes, excessus, defectus, æqualitas, et inæ-  
qualitas: cum alijs quibusdam huius generis,  
Axiomata, et petitiones, quibus singulare re-  
bus subiectis demonstrantur inesse: sunt hu-  
iusmodi: que eidem sunt æqualia: illa inter se  
sunt

funt aequalia. item à punto ad punctum: duce  
re lineam rectam. Hac vero cum lata pacata:  
et ipsarum rerum subjectarum, atq; proposicio-  
num geometricarū magna, variaq; sic copia;  
necessa est, ut delectus habeatur, et in tñden-  
do, atq; docendo incipiamus à simplicioribus,  
ac principalioribus: ex quibus tanquam notis  
simis: extruamus demonstrationes rerum in  
geometria abstrusarum. quas quidē simplicio-  
res propositiones ḡox̄ia, earumq; doctrinam  
ḡox̄iōn̄ Greci autē nominant. sunt ḡox̄iō:  
seu elementa Geometriæ, propositiones simpli-  
cissimæ, in quas compositæ resoluuntur: et à qui  
tm tanquam principijs, omnes Geometricæ  
demonstrationes egressæ sunt. tales sunt bæ  
propositiones Euclidis, quibus Archimedes,  
Apollonius, et cæteri geometrae tanquā prin-  
cipijs, et notissimis elemencis vtuntur. ita ta-  
men bæc prima, et simplissima Geometricæ  
principia ab Euclide conscripta sunt: ut ne-  
mo satis possit hominis et ingenium, et indu-  
strialiam mirari. que enim ab antiquis fuerunt  
inuenta, in optimum redigit ordinem: deter-  
Etum etiam in sancta copia, et varieitate pro-  
ponit.

## SCHOLIA.

positionum habuit calem: ut non omnia quae dici poterant, assumeret: sed tantum, quae elementari institutioni conueniebant: deinde omnes modos, omniaq; genera syllogismorum adhibuit, quæcunq; ab ipsis apodeicticis recipiuntur. Præterea utimur diuisionibus in inueniendis rerum speciebus: item definitionibus in substantiali rerum subiectarum explicacione: adhæc demonstratione in ijs: quæ à principiis fiunt ad quæsita. deniq; resolutione cum à quæsiciis ad ipsa principia fit redditus. Taceo de varijs, quibus utimur conuertendimodis, continuacione, & dispositione singularijs ipsorum elementorum: ut unum absq; altero videatur esse non posse. Quæcum ita sint, meritò omnes studiori philosophiae, & bonarum arerum: sibi hæc Euclidis elementa familiaria reddere debebant: ut ad alios capescendas scientias fierent paratores.

## De propositionibus Geometriæ.

Solent Geometræ duo præcipua propositionum genera habere: unum est τῶν δεξῶν principiorum: alterum τῶν μὲν τὰς δεξὰς μετατάσσων: id est, propositionum, quæ principia se-

## SCHOLIA

41

pias sequuntur. principia ipsa, quia per se manifesta, et simplicia sunt: nulla adhibita demonstratione primo explicantur loco: subsequuntur propositiones demonstratione indigentes: et ex ipsis demanantes principijs. et nisi hic ordo teneatur, verum permisceantur omnia: tum et ipsa cognitio perturbatur: et quæ natura sunt distincta, coniunguntur. Ille ad ipsum facit Euclides, et principiorum facta enumerazione, absque illa demonstratione transfit ad propositiones demonstrabiles. diuidit vero ipsa in θεόρημα, ἀριθματικήν, καὶ γεωμετρίαν, η κοινὰς ἐννοίας. Est autem θεόρημα, cum aliquis rei propositione cognitionem fundum habet: quæ per se fidem rei faciat: vel cum concedit assumēti illud verum esse. eiusmodi sunt ipsæ definitiones Euclidis. Postulatum vero in genere est, cum neq; cognitum quid est: neque ab audiente concessum: tamen petitur ab alieno, ut assumi concedatur. sicuti cum peto mihi concedi: omnes angulos rectos: æquales inter se esse. Axioma, vel pronunciam est, quando quid cognitum est, et tam manifestum: ut per se fidem habeat. ut qua

F

## SCHOLIA.

eidem sunt æqualia: illa inter se sunt æqualitatis  
 eorum maius est sua parte. Geometræ tamen  
 hypotheseis vocant etiam opes definitiones re-  
 rum subiectarum: ut si definiam lineam, angu-  
 los, figuras, & similia: quo sciatur, quibus de-  
 rebus sermo sit institutus. dcinde autem quod, seu  
 postulatum non sic sumunt ut Philosophi: sed  
 postulatum vocant propositionem immediata-  
 tam: in qua petitur aliquid quod factu est faci-  
 le: & nulla indiger varia aut prolixa delineaza-  
 tione: ut si dicam, à punto ad punctum: duca-  
 tur linea recta. Communis deniq; sententia  
 Geometris dicitur propositio immediata: que  
 per se manifesta, & cognitu per facilis est, sine  
 plia demonstracione recepta: & communione om-  
 nium consensu concessa. Itaq; tria ista propo-  
 sitionum genera, in eo conueniunt: quod prin-  
 cipiorum naturam habeant: ac per se sint ma-  
 nifesta. differunt vero, quod hypothesis sit re-  
 rum subiectarum explicatio: postulatum pro-  
 ponit aliquid, quod factu sit facile: axioma  
 rei per se manifesta sit cognitio. Quidam ve-  
 ro petitiones dicunt tantum ad Geometriam  
 spectare: axiomata vero ad omnes discipli-  
 nas.

nas. Alij dividunt hoc modo ipsas communes sentencias: ut quasdam Geometriæ, nonnullas Arithmeticæ proprias esse dicant: alias deniq; communes. atq; hæc sint paucis dicta de principijs. Propositiones verò, quæ principia sequuntur: & demonstrari possunt ac debent: aliæ sunt æquivalentes, aliæ inconvenientes. Problemata dicuntur propositiones, in quibus aliquid nobis ad agendum proponitur. ut quando figuratum orcus, & constitutiones, sectiones, subtractiones, additiones, & similia proponuntur. Theorematum autem sunt, in quibus ad contemplandum quiddam proponitur. ut si ea, quæ rebus per se insunt, aut accidunt, consideramus. cuiusmodi dicuntur esse τὰ καθ' αὐτὰ οὐ μάρτυρες οὐ μέμνοντα: veletis amouitápticas, aut deniq; τὰ πάθη. Differunt itaq; inter se, sed non aliter quam petitio & axioma. Euclides veroq; genere utitur nam iterum tantum habet problemata; ut in quarto libro, interdum verò solum theorematum, sicuti in quinto: nonnunquam deniq; theorematum problematibus commiscet: ut in reliquis facit libris.

## SCHOLIA.

### De primo libro.

Proposuit sibi Euclides in hoc primo elemen-  
to: principia figurarum rectilinciarum tra-  
dere: nam triangulus & parallelogrammon,  
sunt in figuris rectilineis omnium prima, &  
simplicissimæ figuræ. Diuisit verò librum in  
partes tres: in prima, post explicationem prin-  
cipiorum: docet quomodo triangulus sic con-  
stituendus: quæ sunt eius proprietates: cùm  
quoad angulos: cum etiam latera: præterea  
eosdem comparat inter se: & unumquodq; ac-  
cidens per se considerat: in altera de lineis æ-  
quedistantibus, & parallelogrammis doctrinæ  
instiuit: demen, trans quæ eis per se insint:  
& quomodo ipsa facit parallelogramma. in  
postrema, parallelogramma & triangulos in-  
ter se confert. primum scorsim, deinde coniun-  
ctim. Atq; hæc breuiter sint dicta, & explicata:  
de vniuersali illa rerum mathematicarū:  
& Geometriæ cognitione: nunc subiungemus  
perbreues locorum difficiliorum expositiones:  
& si quid forsitan occurret: quod latius sit ex-  
plicandū, & ad vniuersam Geometriam spe-  
ciale videbitur: id fisius exponemus. cuius-  
modi

modi est ille locus ἣς οὐ πότερα τοις, εντά  
σεως ἀπαγγεύης, ετεῖς οὐκείς, quæ his similia.

Σημεῖον.) Alij sic definiunt: σημεῖον εἶ  
μονὰς θεοῦ εὔχοντο. punctum est unitas, quæ  
positionem habet. solum punctum in Geome-  
tria diuidi non potest: sicut in Arithmeticā  
unitas non admittit diuisionem. sunt enim u-  
nius, eiusdemq; naturæ: quum duarum scien-  
tiarum omnium prima, & simplicissima sint  
principia: differunt tamen in eo, quod punctū  
dari ετεῖαι posse: unitas verò puncto simpli-  
cior existens nō ponatur: cùm ab omni inter-  
vallo, omniq; materia, ac loco sit abstracta. Us-  
titur autem definitione negatiua, quoniam  
negationes maximè conueniunt principijs.

Γεραπεῖ.) Principium omnium magnitu-  
dinum sola negatione definiuit: lineam verò  
nunc describit affirmando, & negando. quia  
affirmatione excedit naturam punti: et mi-  
nus est simplex puncto: cùm sit longitudo diui-  
sionem admittens: negatione verò est princi-  
pium respectu superficiei, & corporis. sunt e-  
nim tres dimensiones: longitudinis quæ attri-  
butur linea, longitudinis & latitudinis simul:

## SCHOLIA

qua ad superficiem referuntur: denique longitudinis, & latitudinis, atque profunditatis coniunctim in corpore. cum itaq; in definitione ponit arachates latitudine carens: vna cum latitudine adimit quoque profunditatem: atque eam ob causam non addidit neq; ab aliis, cum superfluum esset. Alij sic definiunt lineam: γραμμὴν ἐσὶ πόσις τομῶν: id est, linea f. t. ex fluxu puncti: nonnulli γραμμὴν μέγεθος οὐ οὐδὲ Διάστολον nominant: magnitudinem uno contentam intervallo. Euclidis tamen definitio perfectior est: essentiam & substantiam lineæ explicans. Possimus autem lineæ hoc modo cognoscere: si longitudines parietum, aut itinerū spatio dimetiamur, quia tum neq; latitudinem, neque crassitatem subiungimus: sed vnicam consideramus distantiam: sicut cùm metimur prata, & campos: videmus ipsam tantum superficiem, id est longitudinem & latitudinem tantum eius loci, vel agri. Cum vero puto eos, tum est solidum, quia omnes distanciæ, omniaq; interualla ibi coniunguntur, dicimus enim longitudinis, latitudinis, profunditatis ipsis putoi, tantum, vel cansum esse

esse spatum. melius tamen cognoscemus lineam, quando obseruamus quomodo lucidum ab obscuro: illuminatum ab obumbrato distinguitur.

Eubœa.) Duæ simplicissimæ, ac præcipua linearum species sunt, recta & circularis: reliquæ omnes sunt mixtæ: & vel in superficiebus planis: vel in corporibus solidis considerantur. Plato lineam rectam definit sic: Εὐθεῖα γέμιμη ἐστί: ἵν τὰ μέσα τοῖς ἀκροῖς ἀποδεῖ: cuius media obumbrant extrema. quod licet videre in Eclipse solis, quando in una linea recta sunt Sol, Luna, & oculus noster: Luna media inter nos & Solem existente. Archimedes definit lineam rectam sic: Εὐθεῖα γέμιμη ἐστιν ελαχίση τῶν τὰ αὐτὰ πέρα εχόσων γέμιμων, est breuissima earum linearum, quæ eosdem habent terminos. atque hac definitio explicat Euclidem, & viciissim illa declarat hanc.

Emphæcia.) Post punctum & lineam sequitur superficies, quæ duplii interuallo distat longitude, & latitudine: caret vero crastitudine: atq; eam ob causam addidit particulam pérorsu.

## SCHOLIA.

ΕπίΦανίας δε.) Sicut corpus solidū clauditur, ετ̄ terminatur superficie: sic ετ̄ superficies linea finitur, ετ̄ linea puncto. quod quidē est omnium magnitudinum communis, ετ̄ simplicissimus, atq; extremus terminus.

Επίνεδον ή ΈπιΦάνεια.) Omnis superficies vel est plana, vel circularis, ετ̄ sphærica. vnam igitur Geometra delegit, eamq; definit, nempe planam. possunt ei etiam congruere definitiones lineæ rectæ supra posita: in hac autē plana superficie nos tanquam in aliquo subiecto contemplamur figuræ, ετ̄ figurarum affectiones, nam in plana superficie nos ducimus lineas rectas, circulares, ετ̄ figuræ omnis generis: item linearum, circulorum, ετ̄ figurarum sectiones, contactus, applicationes angularum, constitutions, ετ̄ quicquid harum est rerum. sed planam superficiem idcirco elegit, quoniam in alijs superficiebus ista omnia non possunt ita intelligi, aut describi, quemadmodum in plana. Vocat itaq; hic planū id, quod nobis ante oculos est possum: ετ̄ in quo mente atque cogitatione omnia describimus, ετ̄ delineamus, atq; firmis rationibus confirmationes.

Επί-

Exīmed (Geometria.) Genus definitionis est  
x) 4. 35, inclinatio: locus autem in quo descri-  
biur angulus, est rō exīmedoy, planū ipsum:  
opus verò eius est, quod ad minimum due de-  
bent esse linea rectæ: sicuti in solido angulo, li-  
neæ tres: deinde illæ due linea rectæ: debent  
se fere mucuo tangere: neq; sic et esse in directo. il-  
lud enim est ex' Ædias, quando due linea  
rectæ ita collocatæ sunt: ut protractis istis li-  
neis rectis, & concurrentibus, una ex duabus  
fiant linea recta.

Orauðe.) Enumerat species substantiales  
anguli rectilinei, definitionibus acuti & obtu-  
si: anguli: est addendū genus: quod scilicet vs-  
terq; sic rectilineus, alter maior recto, alter ve-  
rò recto minor. Verum nō absolute illud est su-  
mendum, quod omnis angulus recto minor, sit  
acutus: quia sunt anguli nonnulli etiam non  
rectilinei minores recto, & tamen non acuti:  
sicut neq; illud simpliciter sumi: ur, quod obtusus  
sit recto maior, & idcirco omnes recto an-  
gulo maiores sunt obtusi. quoniam sunt angu-  
li recto maiores, qui non sunt obtusi.

Στρατēgia.) Rectam super recta constituit

## SCHOLIA.

in definitione anguli recti: non autem in anguli obtusi aut acuti descriptione. quia angulus rectus, est angulorum non rectorum mensura: sicuti aequalitas, est regula & norma inaequalitatis.

Αληθας.) Possunt enim aequales esse, sed si inter se aequales sunt: necesse est ut sine recti.

Εφεζης.) Indicat causam rectitudinis: quia si anguli coniugii inter se sunt aequales, rectus erit inter illorum aequalium angularium. nam stans illa recta in neutrum inclinat parem: & idcirco causa est non aequalitatis tangentum, sed ex rectitudinis. Traditur vero hic de angulis, qui sunt in uno eodemque piano: sicuti ex perpendiculari non quilibet hic definitur: sed illa tangentum, qua in uno, eodemque est piano.

Κύκλος.) Prima simplicissima, atque perfectissima figura plana est circulus, ut in corporibus solidis sphaera.

Συγγρα.) Quia non comprehenditur termino. ἀφέντης. sunt enim infinita in circulo puncta: quorum omnium unum tantum censetri nomen & naturam retinet. Επος.) ad diff.

differentiam eius puncti, quod extra circulum sumitur: & polus dicitur. omnia enim in uno sunt plano. idcirco etiam statim definitio nesciatis puncti subiungit, ut sciamus non polum, sed centrum intelligi.

Διάφερες ο.) Circulo propriè conuenientem àzv vñl àxis est ipsius spheræ: Διγρά-  
vi ο) verò figurarum quadrilaterarum.

Ημικύκλιον.) Semicirculum inquit circu-  
li diametro & circumferentia comprebendi;  
properter tñm pñlata segmenta circulorum, quos  
rum alterum pñl wñ maius, alterum èdax  
minus dicuntur.

Ενθύγαμα.) à figura quæ uno termino,  
ad eam quæ duobus comprehenditur, est pro-  
gressus: nunc ad alias pergit explicandas: idq;  
iuxta ordinem numerorum, binarium, & ter-  
narium, & ita deinceps. quamuis ultra qua-  
drilateras figuras, quæ in elementis locum ha-  
bent, non progreditur specialicer: verum sub  
uno vocabulo comprehendit: & eas nominat  
τὰ μλύτηδες, multilateras figuras. Omnis  
igitur figura rectilinea, vel est trilatera: vel  
quadrilatera: vel gradatim multilatera:  
sed

## SCHOLIA.

sed non è contra omnis trilatera, quadrilatera, aut multilatera est rectilinea.

Tετράδις.) Triangulorum duplex est diuisio: una per se manifesta, & cognita sumpta ab ipsis lateribus: altera quæ eam subsequitur est propria ab ipsis angulis facta.

Tεργάστηδις.) Præcipua diuisio quadrilaterum figurarū hæc est: aliæ dicuntur parallelogramma: aliæ nō parallelogramma, quæ verò parallelogramma dicuntur: aliæ rectangula, & æquilatera sunt: ut τετράγωνον quadratum: aliæ verò horum neutrum habet, ut τὸ ρούβοεῖδες, Rhombi speciem habens, nonnulla verò sunt quidem rectangula: sed nō æquilatera, ut ἐτερομηνὲς, parallelogrammon altera parte longius: deniq; sunt parallelogramma, quæ æquilatera quidem, sed non rectangula sunt, ut est πόμβος, Rhombus. Figure verò quadrilateræ, quæ non sunt parallelogramma: aut duo tantum habent parallela latera, & sunt τραπέζια: aut nulla prorsus parallela latera, & nominantur τραπεζοειδē, speciem trapezij habentia. Verum Euclides hanc diuisiōnem facere non potuit,

cūm

cum de parallelis lineis aut figuris hisce lineis  
concentris nulla sit facta mentio: idcirco sim-  
pliciorem illam facit divisionem tergatim.  
qav.

Kai πάνται ὡρθαὶ) Quidam iuxta Peripa-  
zeticos volunt banc propositionē esse αὐτην,  
petitionem: alij vero & melius αἴσιην, pros-  
nuntiatum. Cum nunc paucis absoluimus  
principia: restans propositiones demonstrabi-  
les, omnis enim scientia vel persatur in prin-  
cipiorum explicatione: quas sineulla demon-  
stratione adhibita recipit: vel in doctrina pro-  
positionum earum, quae ex ipsis demandant prin-  
cipijs: & per ea demonstrantur: quare & nos  
illas aggradiamur.

### De partibus problematis, atq; Theorematiſ.

Propositiones quae demonstrationem ad-  
mittunt, suprà duplices constitutimur esse: vel  
enim sunt θεορήμata, problemata, in quis  
bus ea, quae quodammodo nondum existunt  
comparare, & constituere proponitur: vel  
geomētrata, theorematata, in quibus id quod  
iam

## SCHOLIA

iam constitutum est, & in rerum natura existit, cognoscere, & perspicere statuimus. Geometria enim, ut & aliæ scientiæ, habet omnes quatuor quæstiones: an sit, quid sit, quale sit, & quare sit: de quibus quidem omnibus sermonem instituit ipsa Geometria, ut apud Euclidem videbimus. Omne verò problema, omnèq; theorema, quod suis perfectum, & absolucionem est parcibus, hæc in se habet: περὶ τον, ἔχεισιν, διορισμὸν, καί γονδιὲν, ἀπόδεξιν, καὶ συντετριγμα, id est, propositionem, in qua est δεδομένον, datum, & ζητόμενον, quæsitum: deinde explicationem dati: tertio explicationem quæsiti: quarto delineationem: quinto demonstrationem: sexto & postremo conclusionem totius. Nam in propositione quid de re subiecta, vel ipso dato queratur, proponitur. perfecta enim proposicio, & datum, & quæsitus habet, quamvis nonnullæ sint, que aliter careant: postea ἔχεισι ipsum datum per seūe considerat, & ipso quæsito quasi preparat & struit viam. διορισμὸς seorsim proponit quid de subiecto queratur. Delineatio verò solet ea addere, que ad inuestigationem quesiti pertinens:

tinent: ipsa autem demonstratio, adhibitis certis atque firmis, priusq; concessis & affirmatis rationibus: id de subiecto dici, quod proponitur, confirmat. tandem facta ipsa demonstratione: conclusio redit ad ipsam propositionem, eamq; confirmatam, & demonstratam iam esse colligit: solet verò interdum duplē esse, una specialis in ipsa delineatione, & demonstratione facta: altera generalis, quaē totā confirmationem propositionis datae colligit vniuersaliter.

Ex his vniuersaliisq; problematis, aut theorematibus partibus maximè necessariæ sunt ista tres. Propositione, demonstratio, & conclusio: reliquæ interdum adhibentur, & id ut plurimū interdum non adhibentur, ut in Arithmeticis sit, & in decimo Euclidis libro.

Πρὸς τὴν δοθείσα. Σunt quædam in Geometria, quæ nobis solent in medio demonstracionis cursu occurrere: qualis etiā in hac propositione est ἀπόστριξ, casus. dicitur autē casus nihil aliud esse: quam delineationis transpositio, quæ fit propter diuerſas positiones. ab hoc casu quædam propositiones dicuntur Græcis ἀπόστριξ  
ἀπόστριξ

## SCHOLIA

in Geometria, problemata quæ carent casu, quando unum est posito, & delineatio: siquidem casus respiciunt ipsam delineationem: quedam vero nominantur modicæ problema: mullcos casus habentia: in quibus aliter atque aliter fieri possunt delineationes. Hoc itaq; secundum problema, multos habet: casus varias etiam delineationes. nam cum punctu detur positione, illa fieri potest varijs modis: vel enim ponitur extra datâ lineam rectam, vel in ipsa linea recta: & si in ipsa, aut ex alterum extremorum: aut inter ipsa extrema: & si extra ipsam, aut à latere, ita ut recta protracta à puncto ad datam lineam rectam, angulum faciat, aut è directo. Euclides sumit p̄sit casum difficulterem, & punctum extra linneam rectam datam à latere eius ponit.

Δοθέσθαι.) Omne datum vel datur  
θέσι, positione, vel λόγῳ, ratione, vel μεγέθει,  
magnitude, vel cōdēs, specie. positione  
tantum datur ipsum punctum: linea vero, &  
reliqua Geometriæ subiecta. omnibus modis.  
hoc tamen in loco linea recta datur cōdēs spes-  
cie, est enim linea recta & θέσι positione.

## SCHOLIA.

49

Δύο δὲ θεωρῶν.) In hac propositione linea  
dantur magnitudine: ipsa delineatio multos  
habet casus: nam aut distant inter se, ut apud  
Euclidem: aut in uno punto coniunguntur:  
aut se se mutuo secant: aut altera alteram in  
extremo alterius puncto tantum secat: & vel  
maiorem minorem, vel minor maiorem: & qui-  
cunq; eiusmodi fieri possunt casus. Verun-  
amen ad omnes huiusmodi casus, Euclidis de-  
monstratio accommodatur.

Eas δέ τις γεγράψα.) Prius docuit trianguli  
constitutionem, quam ea explicaret, quæ per  
se triangulis accidunt: præterea duabus pro-  
positionibus ostendit viam et methodum, quæ  
lineæ rectæ, facienda sit alia recta æqualis.  
altera quidem non existentem facit per σύ-  
γεωρ, constitutionem, & θέσην, positionem æ-  
qualem. altera verò per αφάγεσιν, ablacio-  
nē, idq; fecit ut latera laterib. posset æqualia  
proponere. dantur in hac propositione duo,  
æqualitas laterum duorum, & angulus an-  
gulo æqualis: idq; datum ratione dari dicitur:  
queruntur tria, basis basi, triangulus trian-  
gulo æqualis: reliqui denique anguli reliquis  
angulis æquales.

G

## SCHOLIA.

Exānēḡis ēnḡēg.) Quia aliâs Theorema  
verum non esset: idcirco nō simpliciter inquit  
latus lateri æquale, sed alterum alteri. posse  
sent enim duo latera simul iuncta duobus fa-  
mul junctis esse æqualia: sed non idcirco trian-  
gulus esset triangulo æqualis.

Tπῶ τῶν ἴσων.) Hoc addidit ne sumere-  
mus basin: nam in triangulis duo latera di-  
cuntur angulum aliquem comprehendere me-  
ejēxir, tertium verò ἵστερον subtendere:  
nam latern quæ angulis opponuntur è regio-  
ne, sunt ἵστεροι τὸ δύο, latera subtene-  
denta, & interdum Bāds bases dicuntur,  
quòd tanquam fundamento figura ipsa hoc  
natur latere.

Tρίγωνον.) Intelligit aream ipsam trian-  
gularem, seu spatiū ipsum, quod à trianguli  
lateribus intercipitur.

Demonstratio tota facta ex his duabus pro-  
positionibus, quæ inter se applicata conueni-  
unt: æqualia erunt: & vicissim. Quæ inter se  
sunt æqualia: si applicentur, conuenient e-  
siam inter se.

Tῶν ἰσορροκέλων.) Theorematata apud Geo-  
metras

metras magnam habent varietatem. aliae enim sunt à πλάνα, simplicia, in quibus unum est datum, & unum quæsum: quorum & data, & quæsita diuidi & sciungi non possunt. Ut si dicat Euclides, omnis triangulus æquicurus: habet angulos ad basim æquales. aliae composita συνθέται, quæ ex pluribus vel das- tis, vel quæstis constant. ut data sint plura, & unum quæsum: vel plura quæsita, & unum datum, vel denique plura data, & plura quæsita. composita sunt duplia: quædam di- cuntur οὐπετηγρία, quæ possunt in alia simplicia theorema diuidi: ut cum dico tri- anguli, & parallelogramma sub eadem alti- tudine existentia: eam habet rationem, quam basis ad basim. de viroque enim, & triangu- lo, & parallelogrammo seorsim eadem dici possunt. Quædam verò ἀσύμπτοτα, quæ cū sint composita, in simplicia tamen theorema- ta diuidi non possunt: quale est precedens theorema quartum. Et & alia diuisio theo- rematum, de qua alibi. Hoc theorema ex v- traq, parte, dati nempe, & quæsti componi- tum est: idcirco etiam distinxit, quæ data sunt & quæ quæsita.

## SLHOLIA.

Eāt τε γάρ οὐ.) In hac propositione duo nobis occurunt explicanda: primum est ἀνα-  
σποφὴ τῶν περιάστεων: alterum ἀπαγωγὴ  
εἰς τὸ ἀδύνατον. Est autem ἀνασποφὴ τῶν  
περιάστεων: quando ex dato alicuius proposi-  
tionis, fit quæstum: et ex quæstio datum. ut  
triangulus æquicrurus, id est, habens duo æ-  
qualia latera: etiam angulos ad basim habet  
æquales, per ἀνασποφὴν, conuersionem sic.  
Triangulus qui angulos ad basim habet æ-  
quales: etiam est æquicrurus, id est, duo habet  
æqualia latera: nam proposicio quinta hic co-  
uertitur iam dicto modo. Est etiam alia con-  
uersionis ratio in propositionibus compositis  
obseruata: quæ fit permutatione partium, et si  
non omnium, tamē aliquarum: ut fit in octa-  
ua propositione: quæ conuertitur cum quarta.  
Quare no[n]emus hic esse duo genera propo-  
sitionum: unum est τῶν περιγραμμῶν, quando  
id quod natura subiectum est, datur: quod in  
illi per se inest, queritur de eodem: alterum  
τῶν ἀνασποφῶν, cum ē contrario σύμπτωμα  
seu accidens quoddam datur: et id, cui hoc ac-  
cidit, in questionem adhibetur. ut in his duo-  
bus li-

## SCHOLIA

51

bus licet videre propositionibus, quinta, & sexta. Proximum est, ut dicamus de àwā  
 γωγὴ eis τὸ ἀδυώλον, de reductione ad im-  
 possibile. sciendum itaq; est, quod omnis de-  
 monstratio mathematica, vel fit διὰ τῶν διε-  
 χῶν, quae ab ipsis principijs ad ea, quae ex his  
 demandantur, progrederetur: vel ὅτι τας διεχάς,  
 dum à re propositare regressus fit ad principia.  
 utraq; verò est duplex: illa enim vel ex prin-  
 cipijs rem propositam confirmat: vel ex res-  
 bus antea affirmatis, & concessis: hæc autem  
 vel est gelūn, & nominatur àválvōs, cui op-  
 ponitur σύθεσις: vel àvauçgelūn, & dicitur  
 àmavγὴ eis τὸ ἀδυώλον. est autem redu-  
 ctio ad impossibile: quando in aliquod mani-  
 festum absurdum, & impossibile definimus:  
 & cuius contrarium omnes farentur esse ve-  
 rum: eam quoq; faciunt bifariam: vel enim  
 nos deducit ad ea, quæ principijs, ipsisq; axio-  
 matibus manifeste repugnant, ut si quis sua  
 argumentatione eò deueniat, totum esse æ-  
 quale parti: vel ad id, quod demonstratis, &  
 affirmatis è directo opponitur: sicuti facit in  
 demonstratione propositionis octauæ. sic igit;

G iiij

## SCHOLIA.

sur reductio ad impossibile, cùm id quod quæsitum repugnat, accipimus pro vero: & ita progressiōne tandem in manifestum absurdum incidimus: quo deniq; sublato, id confirmamus, quod ab initio erat propositum, verum esse. Hæc demonstrandi forma syllogismis vtitur hypotheticis, quemadmodum in directis demonstrationibus utimur categoricis. Hoc in loco Euclides conuersione est usus in propositionis partibus: deductione verò in ipsa delineatione, ac demonstratione.

Ewì r̄ns aut̄ r̄ns.) In geometria, & Arithmetica, ut plurimum sunt propositiones universales affirmatiæ: verum Euclides hic posuit negatiuam, sed omnibus additamentis ita eam muniuit: & tam certam, atq; indubitatam reddidit: ut minimè conuinci possit: quamvis non magnum in Geometria usum habeat: tamen præcipue posita est ad confirmandam octauam propositionem.

Tibidoθētōn.) Angulus hic datur specie tantum: potest enim omnibus quatuor modis dari, nempe positione, cùm ad certum quoddam punctum constituitur: forma deinde, ut si po-

si ponatur esse rotundus: ratione vero: quando duplum triplum est atque: deniq; magnitudine, si dicam eam esse tertiam recti partem.

(Hemegorodile.) Omnis enim linea recta aut est finita ex utraq; parte: aut ex altera tantum finita, et ex altera infinita: aut deniq; ex utraq; parte infinita.

(Kájetov L'θētās.) Kájet perpendicularis, laris etiam dicitur γνώμων: et eandem habet Naturam cum ea, quae nominatur η ωρὶς ὁρῶντας γνώμια. est autem duplex: una plana, altera solida. plana perpendicularis est: quando à punto aliquo, ad linam rectam in eodem plane existentem alia linea recta ducitur: ut anguli contigui sint aequales: quam in hoc loco antea ducere praecepit. Solida, quae in Stereometria consideratur, dicitur quando punctum in alio fuerit plane: et non ad rectam, sed ad aliud planum ducitur linea quedam ad angulos rectos. differunt igitur inter se: quia perpendicularis est in eodem plane, et ducitur ad linam rectam: solida vero non in uno eodemque plane, nec etiam ad rectam, verum ad planum ducitur: deniq; in solidā id consi-

## SHOLIA.

derandum, quod ad omnes que in eo sunt planorectas, non ad unam tantum, ut plana, debet esse perpendicularis.

Απόροι.) Quae pro nostro sumitur arbitrio satis longa vel breuis, longior vel breuior: ut p̄visum fuerit necessarium esse ad rei demonstrationem.

Κατὰ κερυφίω.) Differunt anguli ιφεξης, εξ anguli κατὰ κερυφίω: quod anguli ιφεξης contigui sunt per lineam, quae alteram non secat: sed anguli κατὰ κερυφίω per lineas duas se seccantes, sic dicti sunt, quod vertices in uno coniungant puncto.

Ex ὀλὴ τύττα.) Locus hic expostulat ut aliquid dicamus de corollario. in elementis igitur μετρητα, seu corollaria sunt propositiones, quae dum aliæ demonstrantur, simul apparent, ex manifestæ sunt: nobis etiam non querentibus, aut inuestigantibus eas. quale est hoc præsens πόρευσμα. dum enim propinatur, quod duabus lineis rectis se seccantibus, anguli ad verticem sunt inter se æquales: et firmis demonstratur rationib. in ipsa occurrit nobis demonstratione; quatuor illos angulos es-

los esse aequales, quatuor rectis. Itaq; lucrificimus per ipsam hanc propositionem, hoc est  
 ex parte tripliciter vero dividuntur: primum enim omne corollarium vel est Geometricum,  
 vel Arithmeticum, vel alterius scientiae, ut iam dictum, proprium est Geometriae. In se-  
 condo vero Euclidis libro, propositione ses-  
 cunda, est Arithmeticum. deinde quedam co-  
 rollaria sequuntur ipsa problemata: quedam  
 vero theorematum: nam in hoc loco theorema-  
 tis corollarium habemus: verum in libro se-  
 cundo problematis. tertio alia corollaria sunt  
 demonstrationis directae: alia vero indirectae.  
 sicut hoc praesens porisma, natum est ex de-  
 monstracione directa: sed in propositione pri-  
 malibet tertij: facta demonstracione per re-  
 ductionem ad impossibile, nascitur corollariis  
 um. possunt et alia porismatum discrimina  
 tradi: nobis tamen haec monstrasse satius est.

Ex hos ywria.) In definitionibus mentionis  
 nem fecit divisionis angulorum substancialis:  
 nunc alia est facienda eorum divisione per acci-  
 dens. omnis angulus vel est circos, vel circulos.  
 id est, omnis angulus vel est intra ipsam figu-

## SCHOLIA.

ram, vel extra eam. deinde anguli quidam sunt ē Φεξῆς, quidam à τῷ ἀντίον, id est, contigui, aut oppositi. in triangulis igitur saceres habet, quando aliquod trianguli latus extenditur: nascitur angulus qui ad ipsam trianguli substantiam non pertinet, & cùm extra figuram existat: nominatur externus. Verum ex illis tribus, qui ad triangulum pertinent: unus qui ei est proximus, nominatur conius, reliqui vero duo oppositi: respectu eius, qui extra triangulum est.

Πάντη μεταλαμβάνομεν.) Est Geometriae phrasis, qua vrimur, dum volumus ostendere, quovis modo sumi vel latera, vel aliquod aliud Geometriae subiectū, aut accidentes per se.

Explicauit Euclides quæcunq; in primis illis elementis poterant dici, de triangulorum constitutione, aequalitate, aut inæqualitate eorundem, aut etiam laterum, & angulorum: nunc pergit de quadrilateratis figuris enarrare, quæ ad eorum contemplationem elementarem pertinet. Cùm vero ex lineis æquæ distantibus fiant eiusmodi figura: prius earum proprietates docet, & parallelogramma constituit:

## SCHOLIA.

54

sticuit: postea persequitur doctrinam de figuris quadrilateris, seu parallelogrammis: est autem  $\tau\alpha\epsilon\gamma\alpha\eta\lambda\omega\gamma\alpha\mu\omega\gamma$  figura quæ circumscribitur lineis rectis æquedistantibus, atq; oppositis inter se.

Tria itaq; in lineis parallelis sunt consideranda, quæ eis per se insunt: & ita attribuuntur: ut inde cognoscere possimus lineas rectas esse æquedistantes. Primum est, ut anguli cùm à alterni (qui sunt per lineam rem in alias duas rectas incidentem) sint inter se æquales. Alterum, recta linea incidente in duas alias rectas: si anguli interni fuerint duobus rectis æquales: cum propositione duæ rectæ sunt æquedistantes. Postremum, Recta linea secante alias duas rectas: si externus angulus, angulo interno sibi opposto ex eadem parte, fuerit æqualis: iterum erunt illæ rectæ æquedistantes.

(in eis rās.) Hoc Theorema conuertitur cum ambobus precedentibus. in demonstrazione vicitur propositione, quæ inter principia est relata: sed principium non est.

Ναυτος τεγμάνων.) Ea quo decima sexta,  
& de-

## SCHOLIA.

¶ decima septima propositione erant omis-  
sae in hac præsenti addit, et quanto minores sunt,  
explicari nempe tertio, & huius propositionis:  
maxima est utilitas.

Ait τὰς ἵστας.) Hæc proposicio fuit doctrina  
nam linearum æquidistantium: & incipie par-  
allelogrammorum traditionem.

Τῶν μεγάληλογέωμαν.) Postquam  
constituit parallelogrammon: inuestigat tria  
quæ parallelogrammis per se insunt. Primum  
latera opposita esse æqualia. Secundum, an-  
gulos oppositos esse æquales. Tertium, dia-  
metrum per medium ipsam secare figuram.  
Ita fit, ut à lateribus ab angulis, & ab ipsis  
areis, proprietates inquirat parallelogram-  
morum.

Παρὰ τὴν δοθεῖσσαν.) Tria sunt apud Ge-  
ometras vocabula: μεγάλη, ὑπερβολὴ,  
ἔκκλισις. cùm enim figura applicatur ad  
lineam rectam: ut neq; excedat, neq; deficiat;  
est cum μεγάλη applicatio. quando ve-  
rò excedit ὑπερβολὴ: cùm deficit ᔾκκλισις,  
atq; in Conicis figuris maximè considerantur  
ista.

Απὸ

Απὸ τῆς.) Videatur Euclides voluisse prae-  
stare figuras rectilineas describere: in  
triangulis, cum quem aequilaterum nomina-  
mus: in quadrilateris figuris ipsum quadratum.

Αναγέρεται.) Utitur hoc verbo, quoniam  
ab uno latere describitur: οὐσήσαδη γέρο  
est, cum ex multis constituitur.

Εν τη̄ς ὀρθογωνίοις.) In hoc, & sequenti  
theoremate utitur λόγιμασι, id est assum-  
ptiis propositionibus, utpote: Quæ ab æqua-  
libus rectis lineis descripta sunt quadrata: il-  
la sunt æqualia inter se. item æqualium qua-  
dratorum: æqualia sunt latera.

In quibusdam etiam propositionibus uti-  
tur alijs λόγιμασι, assumptionibus, quas hic  
subiungam.

I. Si prima magnitudo fuerit æqualis  
magnitudini secundæ: & secunda maior sit  
tertia: erit etiam prima maior quam tertia.

II. Si prima magnitudo fuerit maior se-  
cunda: & secunda sit æqualis tertiae: erit et-  
iam prima maior quam tertia.

III. Si

## SCHOLIA.

III. Si prima magnitudo fuerit maior quam secunda; et secunda maior sit quam tercua: erit etiam prima longè maior quam tertia. Sunt ergo alia huius generis, de quibus aliâs.

## EX SCRIPTIS HIERONIS Alexandrini de Geometricis definitionibus selecta quædam in usum Academie Argentinensis.

**P**unctum est, cuius nulla est pars: aut terminus sine interuallo: vel terminus lineæ. eius verò natura talis est: ut ratiōe tantum percipiatur: quia nullam habet partem, neq; ullam magnitudinem. ideoq; aiunt punctum tale quippiam esse: quale est id quod in temporis consideratione præsens & instans est tempus atq; momentum. imò tanquam unitas quæ positionem habet. Itaq; pateretur punctum quo ad substantiam idem esse cum ratione. Sunt enim ambo talia, quæ diuidi nequeunt,

queūt, & incorporeā atq; partis experīa existunt) differunt tamen superficie & habitudine. Unicas etenim est principium numeri; punctum verò principium substantiae geometricæ. sed est principium ipsa expositione, non autem ut pars lineæ: sicuti unicas est pars numeri: simul tamen percipitur. nam quando mouetur, vel potius imaginamur moueri, illud intelligimus in lineæ fluxu. unde etiam punctum est principium lineæ: superficies verò est principium corporis solidi.

Linea verò est longitudine absque latitudine: vel primum quod in magnitudine habet subsistētiā: aut id quod vrico inter uallos constans diuidi potest. Est autem linea, quando ex superiori loco deorsum fluit punctum: atq; eius notio comprehenditur per continuationem, finiūtq; punctis: ipsamē existens superficie terminus. Dicitur itaq; linea esse ipsum quod distinguit radium solarem ab umbra: aut umbram à parte illuminata: quod uicinio intellecta atq; concepta tanquam continuo separat: purpuram à lana: & econtra lanam à purpura. Nunc ergo cum consuetudine quadam

## GEOMETRIAE

quadam habeamus lineaे notionem : quia  
longitudinem tantum habet: non autem lati-  
tudinem aut profunditatem : ideo dicimus  
parietem exempli gratia esse centum vlna-  
rum: neque illius respicimus aut latitudinem  
aut crassitatem . sic quoq; viam quinquaginta  
stadiorum, vbi longitudinem tantum, non au-  
tem latitudinem stadiorum inquirimus. qua-  
si linearis sit hæc ipsa enumeratio : quam eç  
Euthimeticam nominant.

Lineæ aliæ sunt rectæ, aliæ rectæ non sunt;  
atq; ex ijs quæ rectæ non sunt : nonnullæ qui-  
dem circulares existunt, quæ eç circumferen-  
tiæ nominantur. quædam verò speciem ha-  
bent helicæ, reliquæ sunt curvæ. Est itaque  
linea recta quæ ex aequo inter sua est posita  
puncta, erecta existens, eç tanquam ad extre-  
mum extensa ad extremitates: eaq; est vici-  
nissima omniū linearū, quæ inter duo puncta  
ductæ, eadem habent externa puncta: cuius  
quoq; partes omnibus partibus omni modo  
applicatae solent conuenire. deniq; recta linea  
est quæ manencibus extremis: ipsa quoque  
manet immota. tanquam ea quæ vertitur in  
eodem

eodem plano. atq; circa eadem extrema per-  
petuo eundem tenet locum. neq; verò una re-  
cta, neq; duæ figuram facere possunt. Circula-  
res lineæ sunt, quæcunq; circulariter, vel cir-  
ca unum punctum ad extremum extensæ, vel  
circulos, vel circulorum partes absoluunt: so-  
lae ex omnibus alijs lineis efficientes figuram.  
Curvarum atq; flexarum linearum numerus  
est infinitus. aliae siquidem in easdem partes  
habent sua concava: nonnullæ verò non ha-  
bent. Linea ergo flexa concava in easdem par-  
tes est: quando duobus in ea sumptis puntis  
quibuscunq; recta quæ illa coniungit puncta:  
vel in ipsam cadit lineam: vel intra eam: nun-  
quam verò extra ipsam. quæ verò hoc modo  
se non habet: non est flexa concava linea in  
easdem partes. Helix autem seu helical linea  
in plano quidem est, quando alicuius lineæ  
rectæ altero cōxremo manente, mota ipsa in  
plano fuerit: donec ad eundem redeat locum:  
simul punctum aliquod circumfertur: quod  
cum recta simul moueri cōperat à manente  
te cōxremo. linea illa itaque quæ per hanc  
rectam sit, est circulus: linea verò altera quæ

## GEOMETRIAE

fit per punctum quod circumfertur ad lineam  
rectam, appellatur helix vel helica.

Quando parallelogrammi alicuius prola-  
tere rectum angulum ambientibus manen-  
te: ipsum parallelogrammum quidem circum-  
voluitur, donec ad eum unde cœperat mouer-  
locum redeat: atq; simul cum parallelogram-  
mo punctum aliquod circumvoluitur in linea  
æquidistante non manente: atq; illud ab alie-  
ro extremo incipiat: cum figura motu paral-  
lelogrammi facta nominatur Cylindrus: illa  
vero quæ fit per punctum quod circumfertur  
linea: fiet helica: cuius quicunque pars cuiusvis par-  
ti applicata conuenit: quando eius concava in  
eisdem surrint partes.

Superficies est quæ longitudinem & lati-  
tudinem tantum habet: aut terminus atque  
finis corporis ex loci, vel magnitudo duorum  
intervallorum: vel etiam finis & terminus  
cuiusvis figuræ solidæ aut planæ apparet in  
duobus longitudinis scilicet atq; latitudinis  
intervallis. Fit autem fluxu lineæ secundum  
latitudinem fluentis à dextris ad sinistram.  
Intelligitur autem superficies esse omnis vim-  
bra,

Im, omnisq, color. vnde & Pythagorai super-  
ficies appellant colores. Sic intelligetur e-  
tiam quando aëris terræ miscetur: aut corpori  
alio solido. vel aëris aquæ: aut aqua poculo, vel  
simili alicui vase. Superficies planæ est,  
qua ex aequo inter suas posita est lineæ re-  
ctæ. recta existens explicata: quam cum re-  
cta linea in duobus punctis tangit: etiam tota  
ipsa omni loco omnimode applicata conve-  
nit. hoc est quæ toti lineæ rectæ applicata con-  
uenit. præterea breuissima ex omnibus qua-  
ijsdem continentur terminis superficiebus:  
cuius deniq, omnes partes applicatae conueni-  
re solent. Superficies vero non planæ sunt  
qua hoc modo sè non habent: hoc est quæ se-  
cundum lineam rectam non sunt explicatae;  
sed quandam habent inegalitatem: neq, per  
omnia sunt erectæ.

Corpus solidum est: quod longitudinem,  
latitudinem, & profunditatem habet: vel  
quod tribus vietur interuallis. Vocantur au-  
tem corpora solida: ipsa loka. Corpus itaq, ma-  
thematicum est, quod tria habet interualla:  
sed corpus simpliciter dicitur, quod tribus

## GEOMETRIAE

constat inter uallis cum repercusione aut du-  
ritie atq; reflexione. Omne verò corpus ter-  
minatur atq; finitur superficiebus : atq; si  
quando superficies ab anterioribus ad poste-  
riora ducuntur.

Angulus est ad unum punctum contra-  
etio: que fit atq; perficitur per superficiem aut  
lineam refractam. appellatur verò refracta  
linea: quæ si protractatur ipsa sibi ipsi conci-  
dit. Anguli autem omnes aut sunt plani, aut  
solidi: atq; hi plani & solidi anguli: alij sunt  
rectilinei, alij verò rectilinei non sunt. Com-  
muniter itaq; planus angulus est, inclinatio  
duarum linearum in eodem plano se se mutuo  
tangentium, & non è directo positarum. Suæ  
autem non continua se se mutuo tangentes li-  
nea: quando acera protracta suonatu in al-  
teram non incidit. Alter. Angulus planus  
est inclinatio linea in piano ad unum pun-  
ctum, vel contractio ad unum punctum per  
lineam fractam. Angulus verò planus recti-  
lineus nominatur, quando linea quæ eum con-  
tinent fuerint recta. Velenim angulus planus  
est unus & communis linearum inter se, in eq-  
denu

dem plano, aut linea recta ad unum punctum reflexio. atq; sic Pythagorei angulos hos appellariunt glochinos, hoc est, cuspidales angulos. Angulorum quidem in planis superficiebus non rectilineorum: est infinita multiplicudo: rectilineorum verò angulorum species sunt tres. alij siquidem recti, alij acuti, alij deniq; obtusi vocantur. Angulus itaq; rectus est, qui est oppositio angulo aequalis. Oppositi verò anguli sunt, quos facit recta super recta stans. Nam si recta super recta fuerit constituta: feceritq; angulos cōtiguos inter se aequales: cum vterq; aequalium angulorum est rectus. Acutus est angulus qui minor est recto: obtusus qui recto maior. Nam si recta super recta constituta fecerit angulos inaequales: cum minor nominatur acutus: maior verò obtusus. Omnis itaq; angulus rectus: omni recto est aequalis, non autem omnis acutus omni acuto aequalis erit: neq; omnis obtusus omni obtuso aequalis. quia cum recta super recta fuerit constituta, atq; ab angulo recto declinauerit: cum eousq; minuitur acutus angulus: donec in unum coeant due linea recta, & altera alteri

## GEOMETRIAE

congreditur: seu altera in alteram incidit.  
sic etiam recta super alia recta constituta, &  
ab angulo recto declinata, eousq; maior sit an-  
gulu obtusus, donec perpendicularis quasi re-  
cipinata incumbens recte: ei que subiecta est  
continua fiat. Angulus itaq; rectus: et tempus  
praesens seu instans: deniq; unitas: eodem se ha-  
bent modo. nam angulus rectus idem existens  
consistit. cum tamen acutus & obtusus in in-  
finitum usq; mutentur. sic & unitas eadem  
permanet: diuisio vero & compositio nume-  
rorum circa ipsam fit: eodem modo tempus  
praesens seu instans: & ipsum consistit: prece-  
ritum vero & futurum in infinitum proce-  
dit. Angulus solidus communiter est contra-  
ctio ad unum punctum, quando superficies ex  
eisdem partibus habuerit concava. Atq; ali-  
ter: Angulus solidus est qui pluribus quam  
duobus planis angulis continetur: vel con-  
tractio solida ad unum punctum superficie  
refractae ad lineam: quæ etiam protracta: ipsa  
sibi ipsi non coincidit. Intelligitur vero pro-  
tracta esse, quando non apparet totam suam  
longitudinem egressa esse: sic & planum pro-  
tractum

tractum esse intelligimus. Propriè tamen anguli rectilinei solidi appellantur, quorum superficies quæ angulos faciunt continentur angulis rectilineis: ut pyramidū et polyedrorum atq; cuborum. anguli verò solidi non rectilinei sunt, qui hoc modo se non habent, ut anguli conorum.

Figura est, quæ termino vel terminis quibusdam continetur: aut est id quod inclusum est uno vel pluribus finibus atq; terminis. hoc est id quod bene figuratum & effermatum existit. Alio etiam modo dicitur figura ab eo quod est finis & limes includens figuratum. nominatur verò figura à fingendo, hoc est ab eo quod est inclusum, aut quod includit. Dif- fert verò id quod continet à termino atq; fine, quia & punctum est terminus atq; finis, ve- rum non efficit figuram. termini verò figura- rum sunt superficies & lineæ. & sic termini scilicet appellantur à distinguendo & termi- nando aliquousq; ipsam figuram, hoc est, ostē- dunt figurarum fines & extremitates. Figu- ræ verò aliæ quidem sunt planæ, aliæ verò so- lidæ, planæ quæ in eodem plano omnes habet

## GEOMETRIAE

lineas: solidæ autem, quæ in eodem plano non omnes habent lineas. Atq; ex figuris quæ in superficiebus existunt, nonnullæ sunt incompositæ: quædam verò composite. incompositæ quidem quæ ex lineis factæ non sunt. composite autem quæ ex lineis sunt: figurarum verò compositarum & in superficiebus existentium: aliæ sive factæ & composite ex partibus eiusdem generis: alia verò ex partibus alterius generis, ut sectores sicuti vocant circulorum & semicirculi, & hæpsides & maiora circulorum segmenta. eodem nomine appellari possent menisci seu lunulae & reliqua huius generis figuræ.

Circulus est figura plana vñica linea contorta. figura ipsa appellatur circulus: linea verò figuræ ipsam continens circumferentia: ad quam omnes rectæ à punto quo in figura est ductæ: sunt inter se æquales. Si itaq; punctum illud in eodem fuerit piano: appellatur centrum: sed si in eodem piano non fuerit, polus dicitur, ut se res habet in circulis sphærarum. Alio modo etiam circulus nominatur: figura quæ ad omnes partes æqualia facit interualia: sic

*la: fit verò circulus, quando recta quædam linea, in eodem existens piano, uno extremo manente, alterum circumductum ad eundem redit locum, unde cœperat moueri.*

*Diameter verò circuli est recta quædam linea per centrum ducta: & ex viraq, parte circumferentia circuli terminata: quæ etiam circulum secat in duas partes æquales: vel est recta per centrum usq, ad circumferentia ducta. Semicirculus est figura, diametro ex circuli circumferentia intertexta contencta. vel figura diametro & circumferentia circuli contenta. Communi nomine segmentum circuli est, siue sit maius siue minus semicirculo: figura quæ recta & circuli circumferentia continetur. Angulus in segmento circuli est, quando in circumferentia segmenti sumptum fuerit aliquod punctum: à quo punto ad extremitates linea rectæ ductæ fuerint rectæ aliae: ille inquam angulus duabus hisce rectis contentus.*

*Sector circuli est figura duabus rectis & unica circumferentia contenta. vel est figura contenta rectis, quæ quemuis in circulo ad cen-*

## GEOMETRIAE

erum constitutum angulum comprehenduntur  
et circumferentia circuli illis intercepta. Om-  
nis vero circumferentia iuxta intelligentiam  
quidem ad figuram comprehensam: nomina-  
tur Causa: sed secundum intelligentiam eius  
quod figuram comprehendit, conuexa.

Meniscus seu Lunula est figura duabus  
contenta circumferentijs, vel duabus circulis  
non circavnum idemque centrum existentibus,  
excessus concavae et conuexae superficie: vel  
etiam figura quae clauditur duabus circum-  
ferentijs habentibus concava in easdem par-  
tes. Corona est figura duabus conuexis  
circumferentijs concentrica: vel excessus duorum  
circulorum circa unum idemque centrum. Pe-  
licis seu securis est figura quatuor compres-  
bensa circumferentijs duabus concavis, et  
duabus conuexis. Sed ut in uniuersum di-  
cam figurarum planarum circumferentijs  
concentricarum multitudo innumera est: taceo  
earum, quae in superficiebus existunt. Figure  
plane rectilineae, aliae quidem sunt triangul-  
ares seu trilaterae: aliae quadrangulares aut  
quadrilaterae: nonnullae denique in infinitum  
multas

## NOMINA.

62

multangula & multilateræ. *Triangulus* ita  
que est figura plana tribus lineis rectis con-  
tenta: atque tres habens angulos. Genera-  
lissimæ vero triangulorum aut triilaterum  
figurarum species sunt sex. à lateribus qui-  
dem alij trianguli nominantur æquilateri,  
alij æquicruri, quidam scaleni. ab angulis vo-  
rò denominati quidam rectanguli, nonnulli  
oxigonij, reliqui amblygonij. at qui triangu-  
lorum rectangulorum duo sunt genera: trian-  
gulus aquicurus, & triangulus scalenus: pro-  
pterea quod non si triangulus rectangulus  
æquilaterus. ceteri omnes trianguli non re-  
ctanguli, excepto æquilatero non duas tan-  
tum habet naturas: sed in infinitum usq; egre-  
diuntur numerum. Est vero triangulus æ-  
quilaterus, quando tria habet æqualia late-  
ra, & tres æquales angulos. Aquicurus aus-  
tem cum duo tantum æqualia habet latera.  
Scalus deniq; triangulus, quicunq; tria ha-  
bet inæqualia latera. *Triangulus* rectangu-  
lus est, qui unum habet angulum rectum:  
oxygonius qui tres habet acutos. Amblico-  
nus qui unum habet angulum obtusum.

Quare

## GEOMETRIAE

Quare trianguli æquilateri omnes sunt oxygonij: verum equicuri et scaleni: alijs sunt rectanguli, alijs oxigonij, quidam amblygonij.

Figura plana quadrilatera est: que quatuor continetur lineis rectis: et quatuor habet angulos, quarum aliæ sunt æquilateræ, alia vero æquilateræ non sunt: et quææ qualia habent latera: nonnullæ sunt rectangulæ, aliæ vero rectangulæ non sunt. Itaq; figuræ quadrilateræ rectangulæ appellantur quadrata: rectangulæ vero, sed non æquilateræ: oblongæ seu altera parte lōgiiores: sic quoq; quadrilateræ figuræ, queæ æquilateræ quidē sunt: non autem rectangulæ dicuntur Rhombi. denique que neq; latera habent æqualia, neq; angulos rectos: sed latera tantum opposita æqualia, et angulos oppositos æquales: vocantur Rhomboidæ. Præterea ex figuris quatuor lateribus contentis quadam nominantur parallelogramma: aliæ vero parallelogramma non sunt. Parallelogramma ergo sunt queæ latera opposita habent æquedistantia: queæ vero haec si non habent, neq; parallelogramma vocantur. Sed parallelogramma rectangula, di-

cuncur

cuntur rectis angulum rectum comprehen-  
dencibus contineri. Nam illud parallelogram-  
mum est maximum eorum, quae lateribus a-  
equalibus continentur, quod est in angulo  
recto, quia infinitum intelligimus. Ea vero  
parallelogramma quae sunt diuersa, & inter  
se differentia lateribus quibus continentur:  
& aream differentem habentia sunt minora:  
illud autem quod angulum habet rectum, est  
maximum. ideoque cum acuti anguli semper  
minores inueniantur: ij qui metiri volebant  
hacce figuras: terminum & finem seu modum  
posuerunt doctrinam de angulo recto aut fi-  
gura rectangular quadrilatera. Omnis vero  
parallelogrammi eorum parallelogrammo-  
rum quae circa eius diameter sunt unum  
quodcumq; illud sit: cum duobus complemen-  
tis appellatur gnomon. In universum vero  
gnomon est id quod assumit qualecumq; con-  
cinnum, vel qualecumq; numerum (ut Ge-  
orgius Valla inquit) atq; totam ipsam figu-  
ram facit similemei quod assumpsit. Praeter  
iam numeratas figuratas quadrilateras: aliae  
nominantur Trapezia: aliae Trapezocidea.

Sunt.

## GEOMETRIAE

Sunt autem Trapezia quæcunq; duo latera  
habent æquidistancia. Trapezoeidea vero,  
quæ nulla habent æquidistantia latera. Ex  
trapezis vero quedam sunt equicrura, quæ  
dam vero scalena. equicrura quidem quæ ha-  
bent latera nō æquidistantia inter se æqualia.  
Scalena vero quæ latera non æquidistantia  
habent inæqualia. Figuræ multilateræ planæ  
sunt, quæ pluribus quam quatuor rectis lineis  
concentur. ut sunt pentagona, hexagona, et  
sic continenter progrediendo in infinitum, re-  
liqua polygona.

Basis sicutur figuræ planæ, linea inferiore  
intersecta loco: Et latus figure planæ est li-  
nea una ex ijs quæ figuram claudunt. Dia-  
gonius vel diagonalis est recta linea ab angu-  
lo in angulum ducta. Kathetus seu perpendi-  
cularis est recta linea à punto aliquo ad re-  
ctam aliam ducta. Kathetus vero ad angu-  
los rectos dicitur: quæ angulos contiguos fa-  
cie rectos in linea recta super qua est recta;  
Æquidistantes lineæ vocantur quæ nunqua  
concurrunt: Et quæ in eodem plano existen-  
tes: atq; ex utraq; parte protinæ, ex neutra  
tamen

tamen concurrunt: quæ neq; annuant nequæ  
abnusint in eodem plano: sed perpendiculares  
omnes habent æquales, quæ à punctis unius  
lineæ, ad alterius lineæ puncta ducuntur. Ä-  
quedistantes verò non sunt, quæcumq; annu-  
entes perpendicularares faciunt maiores. Tri-  
anguli altitudo nominatur recta perpendi-  
cularis, à vertice ad basim ducta.

### Stereometria nomina.

Superficies in figuris solidis aliæ quidem  
dicuntur esse incomposite: aliæ verò compo-  
site. Sunt autem incomposite, quæcumq; pro-  
tractæ ipse in seiphas incident, ut superficies  
sphæræ. Compositæ verò quæcumq; protractæ  
sese mutuo secant. Ex superficiebus autem  
compositis: aliæ factæ sunt ex diuersarum &  
dissimilium generum: aliæ ex similium gene-  
rum partibus. ex dissimilium quidem ut su-  
perficies conorum & cylindrorum, atq; alia-  
rum huiuscmodi figurarum. ex similium ve-  
rò sunt superficies solidorum rectilineorum.  
Quanquam & iuxta aliam divisionem su-  
perfi-

## STEREOMETRIA

perficies in figuris solidis quædam sunt simplices, quædam mixtæ. Simplices sunt in solidis planis, superficies sphærica: mixtæ autem conica atq; cylindrica & his similes. nam haec sunt mixtæ ex plana & circumferentiali. Speiricæ enim mixtæ sunt ex duabus circumferentijs. sunt etiam aliæ plures, ut compostaæ, sic mixtæ infinitæ. Lineæ in solidis figuris aliquæ quidem sunt simplices, nonnullæ vero mixtæ. simplices quidem lineæ rectæ & circumferenciales. mixtæ, ut sunt conicæ & speiricæ, atq; hæ sane sunt ordinatæ: inordinatarum vero linearum infinitus est numerus, sicuti & compositarum.

Sphæra est figura solida unica superficie contenta, ad quam ab uno puncto in medio sphæræ posito: omnes lineæ rectæ productæ sunt inter se æquales. vel est figura solida, extremitatibus rotunda, ita ut à medio omnies distancias omnifaricie habeat æquales. Nam quando Semicirculi alicuius diametro manente, ipse semicirculus circumducitur; atq; redit in eum unde cœperat moneri locum: cum superficies, que fit per semicirculi circu-

CH. II. f. 2.

## NOMINA.

69

circumferentiam appellatur superficies sphærica. solidum autem ita comprehensum: sphæra vocatur. medium vero huius figuræ solidæ seu sphærae punctum, nominatur centrum. Diameter vero sphærae appellatur axis, atque est linea recta quædam per centrum ducta, terminata ex veraq; parte in sphærae superficie immutabilis permanens. circa quam sphæra ipsa mouetur et vertitur. Extremates vel extrema puncta axis appellantur Poli, quod si sphæra secetur, tum sectio fieri circulus. Circuli polus in sphæra dicitur punctum, in superficie sphærae, à quo omnes lineæ rectæ, ad circumferentiam ductæ: sunt inter se æquales. Sic ut vero in figuris planis isoperimetris: circulus est maxima figura plana: ita in figuris solidis isoperimetris: maxima est figura sphærica: ideoq; capacissima, et quæ in se comprehendit cætera omnia.

Conus est figura solida, habens basim circulum, et ad unum punctum in vertice contractum: quod si enim à punto sublimiori ad circuli circumferentiam ducta fuerit linea quædam recta: eaq; fuerit circumducta, donec

## STEREOMETRICA

in eum unde ceperat moueri, locum redeat: figura quæ hoc modo fit, conus erit. Alter. Quando trianguli rectanguli uno latere manente, quæ rectum continent angulum: triangulus iste circumducitur, donec redeat ad eum, unde ceperat moueri locum: figura quæ hoc fit modo, est conus. acq, comprehensio facta per subtendens latus trianguli appellatur conica superficies. figura verò solida comprehendens, Conus. Basis coni, circulus ipse. vertex eius punctum sublime. Axis coni recta à vertice ad centrū circuli ducta: hoc est recta illa immobilia & permanens, circa quam conus vertitur. Equirurus conus dicitur, qui latus trianguli habet aequalia. Scalenus verò conus, qui est inæqualis. Rectangulus conus est, quando latus immobile, fuerit aequale lateri circumducto. vel quo facto per axis coni angulus qui in superficie fit, fit rectangulus. Oxigonius conus est, cuius latus immobile maius est quam quod circumducitur: vel quo facto, triangulus qui fit, est oxigonius. Amblygonius conus est, cuius latus immobile minus est, quam quod circumducitur: vel quo factio,

secto, triangulus qui sit in superficie, est triangulus amblygonius. Colurus conus appellatur, qui habet verticem multilum et truncatum. Superficies vero coni nunc conuexa, nunc concava dicitur. Si autem conus sectus fuerit, per verticem: efficit triangularem illam sectionem. sed si basi aequidistanter secesserit, facit circulum: quod si non aequidistanter sectus sit, efficit aliud quoddam linea genus: quod solemus appellare confectionem. Ex quibus sectionibus coni, alia dicitur rectangula, alia vero amblygonia, est que oxygonia appellatur. Oxygonia itaq; est que sibi ipsi coniuncta, et seipsum tangens: efficit figuram aurealem: que a quibusdam nominatur Elipsis. Sectio vero rectangula parabole: denique Amblygonia hyperbole dicitur.

Cylindrus est figura solida, quam perfici et absolu intelligimus, quando parallelogrammum rectangulum circumvolvitur circa unum ex lateribus immobile et fixum laterus parallelogrammi, quod quidem parallelogrammum si reuertatur unde coperat moueri, efficit cylindrum. Atque recta immobilis

## STEREOMETRIAE

circa quam cylindrus vertitur, appellatur axis. Et eius basis sunt circuli, qui fiunt per aequalia parallelogrammi latera. Sed cylindri sectiones: aliae sunt parallelogramma, aliae vero oxygoniorum conorum sectiones. Secatur vero solidum corpus per superficiem, superficies per lineam, linea per punctum. Interdum vero dicitur per lineam secari, facto respectu et collatione ad punctum, sic et superficies per superficiem secatur, facto respectu et collatione ad lineam.

Speira fit, quando circulus aliquis in alio circulo centrum suum habens: atq; erectus ad circuli planum: circumductus in eum unde cœperat moueri locum redierit: atq; eadem hæc figura nominatur orbis. Est autem disiuncta seu discontinua speira, quæ habet disjunctionem: coniuncta aut continua, quæ concidit in uno punto. atq; minor fit, permitteturq; ea, in qua circulus circumductus seipsum secat: fiunt autem ex barum figurarum sectiones propriæ quedam lineæ. acq; orbes quadrati sunt discisiones cylindrorum. Fiunt autem et alia multa frisinata ex speiris

ris et

ris & superficiebus mixtis.

Figuræ solidæ rectilineæ, quædam sunt Pyramides, aliae cubi, nonnullæ polyedra, sunt quæ prismata docideis & Plinibideis, ex sphaeris appellantur: aliaeq; bis similes. Pyramis est figura solida superficiebus planis contenta: atque ab uno plano, ad unum punctum constituta. Alterò verò sic definitur. Pyramis est figura facta, & in unum punctum contracta, à basi trilatera, aut quadrilatera, aut polygona, hoc est, ut uno dicam verbo, à basi rectilinea per triangulorum compositionem. Propriè tamen pyramis æquilatera dicitur, quæ quatuor triangulis æquilateris continetur: & angulis. vocatur verò hæc figura alio nomine Tetrædrum. Eicosædrum est figura solida, viginti triangulis æquilateris contenta. Sunt autem quinque tantum eiusmodi figuræ solidæ, quæ æqualibus & similibus superficiebus continentur: atq; postea à Græcis nominatae fuerunt figuræ Platonicæ. hæc autem quinq; figurarum latera, rationem habent ad sphærā, & Euclides libro 13. elementorum demonstrauit, quo-

## STEREOMETRIAE

modo has quinq<sup>u</sup> figuræ sphæra comprehendat; nam Euclides tantum duas Platonis putat esse figuræ. Archimedes vero tredecim ait inueniri tales figuræ: quæ sphærae inscribi possint: dum his quinq<sup>u</sup>, octo adiungit: quas tamen & ipse Plato esse sciebat, ut quidam volunt. Tessarecædron manifestum est constare ex octo triangulis, & sex quadratis: quod due, ut Pythagoræi volunt, ex terra & aere factum & compositum est: sicut illud etiam antiquis quibusdam notum fuit. Aliud quoddam corpus constat ex octo quadratis, & sex triangulis: quod videtur difficilius esse. Uniuersaliter tamen dicemus figuræ solidas rectilineas quasdam esse pyramides, alias prismata, nonnullas neq<sup>ue</sup> pyramides, neq<sup>ue</sup> prismata. quid autem pyramis sit, antea est dictum. Octaedrum est figura solida octo contenta triangulis æquilateris. Dodecaedrum est figura duodecim contenta pentagonis æquilateris, & æquiangularis. Verum pentagonum ex quo fit dodecaedrum, est aquale tribus triangulis ad duo latera. Cubus est figura solida sex contenta quadratis æquila-

quilateris & triangulis. vocatur etiam *bac*  
*figura hexaedrum*. Prismata vero sunt quae  
 à basi rectilinearum figurarum compositione  
 connectunt ad figuram rectilineam. Fi-  
 guræ vero quæ neq; pyramides, neq; prismata  
 existunt: sunt quæ à basi rectilineæ figuræ per  
 rectilineam compositionem ad rectam conne-  
 ctunt. Vocantur autem prismata quædam  
 parallelopleura, quæ scilicet hexaedra exi-  
 stentia: habent plana opposita aequidistan-  
 tia. Sunt autem plana aequidistantia,  
 quæ si protracta fuerint, non concurrunt  
 inter se, vel in quibus descriptis aequali-  
 bus & similibus triangulis aliquibus: unum  
 quodq; latus est aequidistans. Kathetus seu  
 perpendicularis in solido dicitur recta, quæ à  
 puncto sublimi ad planum ducta; omnibus re-  
 ctis eam in eodem plano tangentibus, est ad  
 angulos rectos. Prismata autem parallelo-  
 pleura quædam sunt rectangula, quædam vero  
 rectangula non sunt. Rectangula quidem  
 quæcunq; habent lineam rectangulorum, tri-  
 bus angulis contentam. Quæ vero sic se non  
 habent: illa etiam non sunt rectangula. Do-

## STEREOMETRIA

cis est figura, cuius longitudine & crassicie maior est. interdum vero habet latitudinem & crassiciem aequales. Crassities autem profunditas & altitudo eadem dicitur esse. Plinthis est figura, quae habet longitudinem minorem latitudine & profunditate nonnunquam haec sunt inter se aequalia. Sphaeriscus est figura solida, quae habet haec omnia inter se inaequalia, longitudinem, latitudinem, & profunditatem: quidam hanc figuram etiam appellant bomiscum (a specie veterum ararum.)

### Affectiones rerum geometricarum & aerometricarum.

Tangit autem linea lineam, superficiem, & corpus, in puncto & in linea. punctum vero si alterum tanget punctum, fieri unum punctum. sic & linea lineam tangens, tota totam: similiter fieri una. Recta vero circulum dicetur tangere: quae circulum tangens si producta fuerit: ex neutra tamen parte circulum secabit. Circuli vero se se mutuo tangere dicuntur: qui cum se se mutuo tangunt: non secant se se. Recta vero ad planum

num erecta est, quando ad omnes lineas rectas  
quaes ipsam in eodem plano tangunt, fecerit  
angulos rectos. Planum vero ad alterum pla-  
num erectum est: quando lineae rectae in uno  
aliquo eorum plano, communi ipsorum sectio-  
ni ad angulos rectos ductae: etiam reliquo pla-  
no ad angulos rectos fuerint.

Aequidistantia plana sunt: quae nunquam  
concurrunt. Differunt in solidis & in planis.  
atq; etiam lineis, similitudo & aequalitas. Sic  
enim in sexto Euclidis elementorum. Dua-  
bus datis figuris rectilineis, alterae similem  
quidem figuram: alterae vero aequalem propo-  
situs est constitutere. atq; in ea propositione  
medium proportionale inuenientes: per eam  
medietatem id quod propositum est, proba-  
mus: in solidis vero per duas medietates.  
Nunc vero dicemus uniuersaliter de aequali-  
bus quidem, quod aequales lineae, superficies,  
corpora sint: quaecunq; tota totis, vel genere  
vel figuraione conueniunt. dicitur etiam a-  
equale, quod est isoperimetrum ambitu et com-  
prehensione, & aequale lineis: vnde & area  
atq; sola area. Anguli aequales sunt: qui ap-

## STEREOMETRIA

plicari tali locis, in planis & solidis eadem contractione vel genere, vel figuratione conueniunt. E quales verò circuli sunt, quorum diametri sunt aequales inter se. quia nequit fieri ut intelligamus ab iisdem diametris alium atq; aliū circulum fieri. sed si diameter fuerit data: etiam circulus datus erit magnitudine. Equaliter verò à centro distare dicuntur lineæ rectæ: quando à centro ad ipsas ductæ perpendicularares fuerint aequales. Longius verò distare in quam perpendicularis maior incidit. Figuræ verò solidæ aequales & similes sunt: quæ continentur planis aequalibus, similiterq; possit, numero, & magnitudine aequalibus.

Similes figuræ rectilineæ sunt, quæ habent ad unum angulos aequales. & alteri. quæ angulos ad unum babent aequales: & latera aequales angulos continentia aequalia. Reciproce figuræ sunt: in quibus in altera figura sunt rationes antecedentes & consequentes. Similia circulorum segmenta sunt, quæ angulos recipiunt aequales: vel in quibus anguli sunt aequales. Simili ratione & sphaerarum segmenta: similes figuræ solidæ sunt, quæ simi-

similibus similiterq; positis planis continentur. Omnis vero circulus, omni circulo similis est specie: quia circuli generatio seu procreatio, est una eademq;: sic species eius una. sed segmentorum non eadem est similitudo. sed quæcunq; similem habent inclinationem, hoc est angulos in ipsis existentes inter se æquales: illa appellantur similia. dissimilia vero, quæ se ita non habent. Eodem modo res habet in cæteris planis et solidis figuris.

Magnitudo est que crescit et augetur, atque secatur, diuidiq; potest in infinitum usq;. sunt autem tres eius species, linea, superficies, corpus. est autem infinita magnitudo, qua non potest esse maior intelligi secundum essentiam et substantiam quam rameunq;: ita ut nullus finis vel terminus eius inueniri queat. Pars est magnitudo aliqua, alterius magnitudinis, minor maioris: quando minor excedeat major. Dicitur autem pars in loco non sicuti mundi pars est terra, neq; hominis pars ipsum caput. neq; vero ut rectæ ad angulos rectos diametro circuli ductæ, dicimus partem esse, angulum extra semicirculum interceptum

## STEREOMETRIA

cepsum recta ad angulos rectos ducta. Fieri enim nequit, ut angulus hic qui ceratooides appellatur, metiatur angulum rectum. cum omnis angulus rectilineus, minor sic angulo ceratoide. Itaq; in magnitudinibus sumemus partem eam quæ est rerum similiū generum: atq; sic dicemus partem in magnitudinibus: ut tertiam anguli recti dicemus esse partem recti anguli. Neq; hoc sophismatum concedum, quo dicimus, si pars est id quod aliquid metitur: etiam quod metitur, pars erit. sed linea recta pedalis metitur solidum. Ergo linea recta pedalis, est pars solidi: & linea recta pedalis est solidum. Id quod absurdum erit. Nam linea recta pedis unius metitur longitudinem, profunditatem, & latitudinem corporis solidi. quasi ea quæ lineæ rectæ sunt similiū generum: non autem ipsum solidum.

Multiplex est maior magnitudo minoris: quando minor eam metitur.

Quid sit pars, quid ratio, & quæ similiū sunt generum, & quid proportio: diligentius quidem explicata sunt in Arithmeticae elementis. Nunc vero de his dicemus, quod sicut in.

ti in alijs similiū generum ipsa applicatur  
proportio: ita quoq; in rebus similiū gene-  
rum, quæ in magnitudinibus existunt. Ma-  
gnitudines dicuntur rationem habere inter  
se: quæ multiplicata sese mucuo excedere po-  
sunt: sed respondendum ijs qui banc oppu-  
gnant definitionem, acq; dicunt, illa habere  
rationem inter se, quæ multiplicata sese mu-  
cupo possunt excedere: nihil autem tam est si-  
milis generis, quam sit punctum puncto. itaq;  
manifestum est, quòd punctum multiplicatum  
excede punctum. His, inquam, sic es<sup>t</sup> respon-  
dendum, quod punctum non recipiat multi-  
plicationem magnitudinis. quia id quod in-  
ter magnitudinem non numeratur: ille de-  
tiam neque magnitudinis multiplicationem  
admittit. solum autem multiplicationem ut  
numerus recipit. sic enim quoniam in linea  
recta infinita sunt puncta, hæc illorum sunt  
multiplicia: ita simpliciter & absolute de  
puncto differunt, ac si esset magnitudo in-  
ternullum habens, omnino ex aduerso Eucli-  
di, qui docet punctū esse, cuius nulla sit pars:  
& dicat rationem habere inter se magnitudi-  
nes.

## STEREOMETRIA

nes. In eadem ratione dicuntur magnitudines esse prima ad secundam, et tertia ad quartam: quando primæ & tertiae æquem multiplices, secundæ & quartæ alias quascunq; æque multiplices, vel simul excedunt, vel simul deficiunt, vel simul illis fuerint æquales, sumptæ inter se. Quæ verò eandem rationem habent: nominantur proportionales magnitudines. proportio verò in tribus terminis est minima. atq; hoc in loco termini accipiuntur, vel magnitudinum, vel numerorum ipsis impositorum. sicut enim circuli terminus est circumferentia, & trianguli termini sunt latera: ita 9. ad 6. hius rationis termini sunt huiusdem numeri. Quando verò tres magnitudines fuerint proportionales: tum prima ad tertiam habere rationem diceatur duplam, quam ad secundam. Inquit itaq; Eratosthenes, quòd sicut eti in æqualibus interuallis, atq; secundum rem lineam positis: interualla dupla fiunt: ita quoq; in rationibus quodammodo secundum rectam lineam propositis. prima ad tertiam dicitur habere duplam rationem, quam ad secundam. Nam 9. distat à 6. sesquialce-

ra.

ra, & 6 à 4 eadem sesquialtera: quare à 4.  
distant, duabus sesquialteris. nam duo isti  
excessus sunt idem vni excessui, exempli gra-  
zia. in 9. & 4. nam 9. excedit 6. tribus. &  
6. excedit 4. duobus. verum 3. & 2. compo-  
sita & addita: efficiunt 5. qui merus est Ex-  
cessus 9. & 4. Sicuti verò in maioribus con-  
ferendis ad minores: excessus faciunt dupla-  
srationes & triplas: ita quoq; à minoribus, fa-  
ciunt defectus. Quando verò æque multiplici-  
cum, prima magnitudinis multiplex excedit  
secundæ magnitudinis multiplicem: cum pri-  
ma ad secundam maiorem dicerur habere ra-  
tionem, quam tertia ad quartam. Atque in  
bac definitione termini, voluit Euclides indi-  
care nobis & proponere: in quib; nam maior  
sit querenda & inuenienda ratio alia ra-  
tione. & cùm magnitudines in eadem ratione  
existentes, notis suis designari per æquemul-  
tiplices simul excedentes, vel simul deficien-  
tes: nunc docet quæ in maiore sint ratione: il-  
læ quæ habent excessum. Quomodo verò bic  
ficiat excessus ipse exponit in quinto vniuersa-  
lis rationum doctrinae elementaris libro, aq;  
in ibeo.

## STEREOMETRIAE

in theoremate inæqualium magnitudinum demonstrant. Homologæ magnitudines discuntur esse, antecedentes antecedentibus: & consequentes consequentibus. Ratio quidem dicta est esse, duorum similium generum habitudo quedam inter se: sed in magnitudinibus propriis dicemus, quod ratio sit duarum magnitudinum eiusdem generis, iuxta quantitatem quedam habitudo & affectio: ita ut in illis sit proportio: talium rationum similitudo. Inversa ratio est consequentis ad antecedentem ratio. Compositio rationis est, sumptio antecedentis cum consequente, ac si unus esset terminus, ad ipsum consequentem. Cetera de his, tradit Euclides in quinto libro elementorum. Linea infinita neq; multiplicari potest vñquam: neq; altera ad alteram conferri. que enim eiusdem generis non sunt: non possunt rationē inter se habere, & quandam habitudinem ut linea ad lineam, superficies ad superficiem: & reliqua similiter. Proportiones aliæ quidem sunt continuæ, aliæ discontinuæ seu separatae. continuæ sunt, que conjunctas & non disjectas habent habitudines.

sep. 2.

separatae verò proportiones sunt: quando rationes hoc modo se non habent: verum disiunctae inter se sunt: neq; vno medio termino inter se copulatae. quia medius terminus, vnius est antecedens, & alterius consequens. Continua ratio: vt 3. 4. 2. separata. vt 3. 4. 6. 3. est inter uallum inter magnitudines propositas. Multa tradit Euclides in decimo elementorum libro de commensurabilibus & incommensurabilibus.

Magnitudo rationalis & irrationalis, utræq; earum non est ex numero earum rerū, quæ per se considerantur, sed collatione facta ad aliquid aliud. Nam quæcunq; magnitudines sunt commensurabiles inter se; illæ etiam dicuntur inter se rationales. atque numeri sunt commensurabiles: quia quisq; eorum tales est, vt minimus numerus eum metiri possit. simili modo cubitus & palmus habent commensurabilitatem inter se: nam quæcumq; eorum, digitius minima mensura metitur.

\* Cùm verò in magnitudinibus existat infinitum; neq; illa sit minima mensura: idcirco palet, quod magnitudinis ratios

## STEREOMETRIA

malis, nulla sit certa & definita minima mensura, ut dicitur: sed in nobis est situm quantumcumque volumus proponere notam & cognitam minimam mensuram, in qua sit unitas, quia ut dictum est, quaevis magnitudo per se, neque rationalis, neque irrationalis: cum omnis linea recta per se neque rationalis, neque irrationalis sit. Verum si conferatur ad unitatem subiectam in positione: inuenietur vel rationalis, vel irrationalis. itaque latere quadrati proposito rationali: inuenitur diameter potestia rationalis: nam longitudine deprehenditur irrationalis. sic etiam diametro existente rationali: latus potentia erit rationalis. cum tamen veraque, per se neque rationalis, neque irrationalis existat. Sic ergo proponentes minimam aliquam mensuram rectarum linearum,  
\* \* mathematici nominarunt rationalem, & que ei sunt commensurabiles: simili modo & quadratum ab ea descriptum rationale: & figuram huic quadrato commensurabiles nominarunt rationales. sic cubum ex eis descriptum linea recta, & hinc commensurabilia solida.

Inex.

Inexplicabile, hoc est, irrationale solidum intelligendum est, quod incommensurabile est cubo à rationali descripto. planum verò irrationale, id quod incommensurabile est quadrato à rationali descripto. longitudinem verò, hoc est, rectam rationalem à commensurabili. Sed quia commensurabile in lineis rectis duplex intelligitur esse. unum quidem quando bæ lineæ rectæ commensurabiles fuerint: & figura ab ipsis scriptæ inter se commensurabiles, alterū verò, quando eadē figuræ incommensurabiles interfuerint: ideoq; duplex est differentia ad rationalem iuxta veteres mathematicos. aliae enim discuntur potentia rationales, aliæ irrationales potentia, reliquæ longitudine. Potentia itaq; rationales sunt ut dictum est à nobis, quæcunq; ipsæmet sunt incommensurabiles rationali: & quadrata ab ipsis scripta commensurabilia quadrato à rationali descripto. Longitudine verò, quando quadrata ab ipsis scripta, in quadratis numeris fuerint: vel latera habent commensurabilitati rationali longitudine, deniq; uniuersaliter nominatur ra-

## STEREOMETRIAE

tionali commensurabilis, rationalis siue longitudine, siue potentia tantum. Definiunt etiam rationalem hoc modo. Rationalis esse quæ per numeros sit nota: verum hæc non est vera definitio rationalis: sed eius accidentis, nam si exempli gratia rationales proponunt, quadratorum à rationali cubitali descriptorum. nouimus quot palmorum aut digitorum unaqueq; sit: unde ex accidentibus eam appellamus rationalem, per numeros cognitam. Differt autem rationalis à data, quod rationalis quidem omnino sit data: data verò non necessariò sit rationalis. nam rationalis quantitate & qualitate manifesta est: data verò quantitate & magnitudine tantum: sunt enim quedam irrationales datae. Euclides inquit rationale quadratum à proposita recta descriptum. Vbi nominatur proposita recta, que principium est mensurarum, & quam regula ad dimensionem longitudinis, positione quadam à nobis est assumpta. Ut si quis proponat quantum sit inter uallum inter duo proposta puncta: ille nihil ratione dignum quæreret, quo sint pedum & cubitorum; necesse

neceſſe eſſet nos petere ab ea, quæ exhibere cur  
quantitate cubitum vel pedem, atq; cùm vtes  
remur illa proposita rationali linea recta in-  
quiremus propositum inter uallum, an eſſet  
omnino mensura rationalis.

Sunt autem dimensionum in magnitudi-  
nibus, quæ certas magnitudines exactè me-  
riuntur genera ista. digitus, palmus minor,  
palmus maior, pes, vlna, seu cubitus, passus,  
orgya: mensura minima verò omnium est di-  
gitus. Diuiditur verò in partes, dimidiam  
ſcilicet tertias & reliquias. Sunt autem & alii  
mensuræ ab aliquibus excogitatæ. istæ ſci-  
licer: Passus, Acæna, ſeu pertica, Plethrum,  
Iugerum, Stadium, Milliare, Schœ-  
nus, Schœnus persica, & Schœ-  
nus græca, cæteræq;  
bis ſimiles.

F I N I S.