

# Notes du mont Royal



[www.notesdumontroyal.com](http://www.notesdumontroyal.com)

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES  
Google Livres

# EVCLIDIS ELEMENTORVM *Liber primus.*

Item,

HERONIS ALEXANDRINI

vocabula quædam geometrica: ante hac nun-

*facti* quam edita, græcè & latinè.

Per M. Cunradum Dasypodium.

(M. Soc. 5 Reg.)



Cum gratia & priuilegio Cæsareo, atque  
Regis Gallie, ad sexennium.

ARGENTINAE,

1571.



Ad Reuerendiss: & Il-  
lustriss: Principem, Dominum,  
**D. Danielem Archiepiscopum Mo-**  
**guntinensem, Sacri Romani Imperij, per**  
**Germaniam Archicancellarium, atq;**  
**Electorem, &c. Cunradi Dasy-**  
**podij Praefatio.**



EOMETRIAM IN  
summo apud Græcos  
fuisse honore, Reue-  
rendiss: Præful: non  
tantum historiæ te-  
stantur: sed & ipsorum confirmingant mul-  
tiplicia atq; varia Volumina: quæ par-  
tim extant, partim in priuatis & pu-  
blicis reseruantur bibliothecis. Itaq; fe-  
rè nullus tum temporis erat Philoso-  
phus, quise non in hoc eruditio geome-  
trarum puluere exercuisset: neque ad  
philosophiæ admittebantur penetralia:

P RÆ F A T I O.

nisi periti geometriæ essent. atque nihil  
fuit Mathematicis illustrius: nihil ex-  
cellentius: nihil quod ad Regum &  
Principum splendorem & dignitatem  
accederet proprius. Verum (quod sanè  
dolendum) hoc nostro sæculo excellen-  
tissima hæc studia: prostrata & abiecta  
iacent: neq; vlla ferè spes est relicta: fore  
ut hæc integritati suæ: & honori pristi-  
no restituatur: nisi Reges atq; Princi-  
pes sua liberalitate & beneficentia, ex-  
citent homines literatos: literati vero,  
& qui in scholis versantur, ipsi quoque  
met sint reuocari, non autem a reuoca-  
tione: deniq; certo modo ratione q; bona;  
studiosis geometrica & his similia pro-  
ponant. quod quidem in omnibus Aca-  
demijs fieri deberet: & in aliquibus in-  
signioribus fit: in cæteris eadem fieri  
opto. in me quod est: pro virili in id in-  
cumbo:

P R E F A T I O .

cumbo : ut in nostris scholis Pythagoricos pueros , hoc est , in mathematicorum ordine constitutos habeamus .

Ideoq; de sententia Ioann. Sturmij Rectoris , non tantum tria Volumina mathematica conscribo : sed & hunc primum Elementorum Euclidis librum in lucem nunc edo : cum propter ea que ante sunt dicta : tum etiam quod hic postissimum liber : in omnibus fere Gymnys prælegatur : in nostris verò scholis : yis qui in prima sunt curia , proponatur . Sic enim comparatus & factus est , hic primus Euclidis liber : ut doctrinam contineat principiorum geometriæ , & figurarum planarum simplicissimarū : trianguli in quam & parallelogrammi : quibus perceptis , animus adolescentum iam præparatus videtur , ad assequenda maiora : cum in his disciplinis , tum &

## P RÆFATI O.

alijs artibus atque scientijs.

Atque ne mea deessem opera omnibus ijs, quibus hæc studia curæ sunt: & è tenebris antiquos meliorisque nota, (quorum non paucos habeo) authores græcos in lucem eruerem: Heronis Alexandrint quædam, eiusdem argumen-  
ti: ex eius onomastico geometrico, huic libro adiunxi: ut quæ Græcorum fuerint Gymnasia: & qualia puerorum exercitia ex ijs appareret. deinde ut copia rerum geometricarum proposita: nostri adolescentes in campum illum am-  
plissimum mathematicarum scientiarū exirent: imò in puluerem descendenterent geometricum: in quo cum viderint totamq; varias figuræ, earumque defini-  
tiones, diuisiones, differentias, acciden-  
tia, proprietatesq; alias: quanti momen-  
ti sit hæc cognouisse, quantiq; adumen-  
ti in

## P R A E F A T I O.

si in alijs comparandis & percipiendis  
scientijs: sciant atque intelligant.

Ita enim natura comparatum est: ut  
plurimum copia, varietateq; rerum affi-  
ciamur: animusq; noster se in eorum pa-  
scat contemplatione, que et si vulgaria  
atq; quotidiana videantur: tamen si in  
ordinem redigantur: si præcepta de ijs  
fiant bonaratione, modoq; bono, & con-  
cinno: dum ea legimus, dum singula ac-  
curatius perpendimus: mirifice recream-  
mus vires ingenij nostri: imò cupiditate  
& amore cognoscendi, incensi: ad inue-  
stigationem & perscrutationem recon-  
ditarum abstrusissimarumq; rerum ra-  
pimur.

Statuamus enim puerum quendam  
è scholis Grammaticorum egressum: lin-  
guarum, & orationis pure cognitio-  
ne instructum: Dialecticorum etiam

P RÆ F A T I O.

¶ Rhetorum præceptis quodammodo  
imbutum: accedere ad Geometricorum  
elementorum auscultationem: is si au-  
diat primum & simplicissimum prin-  
cipium Geometriæ esse punctum: rem  
tenuissimam, minimam, talemq; que  
in partes diuidi nequeat: ex quo tamen  
puncto omnes lineaæ: vniuersæ superfi-  
cies: atq; infinita corpora oriuntur: quæ  
rit statim cognito puncto, quid sit linea,  
quid superficies: quid corpus. neq; con-  
tentus est se lineam cogouisse: sed cùm  
plures linearum esse species videt: si-  
gulas cupit addiscere: à lineis postea ad  
superficies, & quæ in superficiebus de-  
scribuntur, figuræ progreditur, in qua  
doctrina maximam rerum geometri-  
carum inueniet varietatem: dum intel-  
ligit quasdam superficies planas esse;  
quasdam minime planas: in planis su-  
perfi-

P RÆFAT I O.

perficiebus delineari omnis generis fi-  
guras, easq; numero quodammodo infi-  
nitas: affectiones etiam earundem va-  
rias atq; multiplices cognoscit: deniq; in  
corporum solidorum contemplationem  
incidit: diffusam per vniuersam rerum  
naturam.

Quæ & quanta igitur puer ille ex  
vnici puncti, lineæ etiam, atq; superfí-  
ciei, & corporis perceptione cognoscit?  
quantam rerum copiam & varietatem  
sibi principiorum cognitione comparat?  
quæ tandem his instructus rebus, recon-  
dita in his scientijs, non perscrutabitur?  
Magnum certè, magnum lumen præbet  
Geometriæ cognitio, rebus & cognó-  
scendis, & dijudicandis: atq; tam clara  
& perspicua omnia reddit: vt Sole  
splendidiora & apertiora fiant. quæ si  
locus esset dicendi & orandi, pluribus

## PREFATIO.

perfequerer. *Hoc tantum ostendere*  
*volui, nostram mētem studio atq; cupi-*  
*ditate sciendi incensam: si minimum*  
*quoddam cognitionis principium naēta*  
*fit: non cessare, neq; quiescere: sed perpe-*  
*tuo inuentis, alia atq; alia subinde ad-*  
*dere. itaq; in scholis, in id potissimum in-*  
*cumbendum est: ut pueri hæc & similia*  
*Mathematicorum præcepta discant, te-*  
*neant, & ad investigationem rerum se-*  
*cum adferant: siue in explicatione re-*  
*rum diuinarum versari: siue officia Rei*  
*pub. tractare: siue res naturales explica-*  
*re, et ad vitæ usum accommodare velint.*

*Hæc itaq; Reuerēdiss. Præful, mei*  
*instituti fuit ratio: vt & hunc librum*  
*primum Euclidis, & Heronis quedam*  
*geometrica primo atq; secundo meo vo-*  
*lumini mathematico adiunxerim. quia*  
*ad veram & solidam eruditionem af-*  
*sequen-*

## P RÆ F A T I O.

sequēdam, hæc studia in primis sunt necessaria: quod illorum testimonio ausim dicere: qui cùm sint ignari mathematicarum rerum: si quando incident in probatissimi alicuius authoris scripta: quid ipsis desit, sero tandem sentiūt atq; animaduertunt.

Adhortor itaq; subinde omnes adolescentes, quibus ad solidam peruenire eruditionem animus est: vt in his se exerceat studijs: ijs annis quib. hæc conueniunt studia: quibus etiā absq; tædio, vllaq; molestia addiscere singula possūt. Et quòd tot tantiq; viri olim in Grecia fuerint, in omni studiorum genere præstantissimi: hoc ipsum multū adiumenti illis dedit, quòd παῦδας μαθηματικῆς habebant: & in his disciplinis eos erudiebant: priusquam ad studia eos deduceret altiora. Vnde etiam videmus antiquos auto-

## P RÆ F A T I O .

autores, plerunq; Mathematicorum vti exemplis: tanquam vulgatis. tanquam ijs, quæ à pueris iam essent cognita & percepta: quæ si nos legimus: plus interdum in intelligendo exemplo mathematico laboramus: quo res proposita illustratur: quæm in rei ipsius cognitione assequenda. quod quidem neutiquam nobis contingere: si nostri vñdles, es- sent μαθηματικοι: neq; tot obstacula, tot difficultates in autorum antiquorum lectione nobis occurserent, si animi no- stri his imbuti essent disciplinis. Nu- per itaq; in nostris scholis bene institue- re studia mathematica incepimus: quæ res cùm tam recenter sit inchoata: fru- etum & vtilitatem eius, nondum per- spicere possumus. sed aliquot annis per- actis: sentient omnes homines, quan- tum bona iuuet institutio: quidue sit ra- tione

## P RÆ F A T I O.

tione bona modoqz, facili pueros erudire.

Tibi verò Reuerendiss. Præful,  
hanc meam exiguam opellam commen-  
dare volui: quod Amplitudinem tuam  
intelligam, non his tantum studijs, sed  
omnibus literis, literatisqz, hominibus  
amplissimum præbere patrocinium, ne-  
que ob hoc tantum: verum etiam quod  
natura tua talis sit, tu prudentiam sin-  
gularem: grauitatem insignem: & in re-  
bus arduis cum suscipiendis dexterita-  
tem: tum perficiendis constantiam tu-  
am omnes mirentur: in controuersijs e-  
tiam difficilioribus dirimendis acu-  
men, & æquitatem laudent. Itaqz, cum  
animus A. T. ingenio & virtutibus  
excellat: res externas despiciat: in ma-  
gnis atqz, utilibus, vehementerqz, ardore  
gerendis, se exerceat: patronum etiam  
borum meorum studiorum A. T. esse  
opta-

## P R E F A T I O .

ixtabam: cuius eam esse voluntatem in defendendis & tuendis studijs promptam & paratam video: quæ Principū virorū semper fuit: eam etiam dignitatem, & amplitudinem: quæ olim in Regibus apparebat. qui cum omni studio, omnibus viribus, maximis sumptibus, incredibili liberalitate, mathematica iuarent, atq; promouerent studia: tanta, quanta ea legimus fuisse, effecerunt: & ad summum usque fastigium euexerunt. Quod si hoc nostro seculo plures A. T. similes existerent Principes: non dubito, quin & nos tandem ad fastigium harum scientiarum perueniremus. Etsi vero hic libellus sit exiguis, & A. T. minimè videatur dignus: cùm in eo res prima fronte appareant spinosæ & steriles: magni tamen sunt momenti, & Principibus viris dignissimæ:

## P R E F A T I O.

simæ: principia inquam excellētissimæ  
rum scientiarum Mathematicarū. quas  
res sanè Reges olim tractarūt: quas sin-  
gulariter coluerunt: in quibus qui ad sa-  
cra & mysteria tractanda admitti vo-  
lebant, plurimū se exercuerunt. Sint  
ergo Reuerendiss. Præful, hæc mea stu-  
dia T. A. commendata: quæ si clemen-  
tiam A. T. senserint: maiora his,  
iuante Deo, proferam.

Calendis Maij.

Anno

M. D. LXX.





# ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ, ΕΚ

τῶν θέων Θυσιασιῶν.

ΟΡΟΙ.

ΣΗΜΕΙΩΝ ἐἰν, καὶ μέρος τοῦ οὐθενός.

Γραμμὴ δὲ, μῆκος τοῦ αὐλαῖος.

Γραμμῆς δὲ πέρατα σημεῖα.

Εὐθεῖα γραμμή ἐστιν: ηπειρὸς εὖθεισχ

τοῖς ἐφ' εαυτῆς σημείοις κεῖται.

. ταῦ.

Επιφάνεια δέ ἐστιν: ὁ μῆκος οὐδεὶς

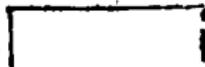
αὐλάτος μόνον ἔχει.

Επιφανείας δὲ πέρατα, γραμματά.

Επίπεδος ἐπιφάνεια ἐστιν: ηπειρὸς εὖθεισχ τοῖς ἐφ' εαυτῆς σημείοις κεῖται.

Επίπεδος δὲ γωνία ἐστιν: η ἐν

ἐπιπέδῳ δύο γραμμῶν ἀπομόνων ἀλλήλων: Εἰ μὴ ἐπί, εὐθεῖας κειμένων: πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



¶

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Όταν ἡ αἱ περιέχουσαι τηῖς γυνίαις χαριμαὶ, οὐθεῖας ὥσπει:  
οὐθύγερα μοσχαλεῖται η γυνία.

Όταν δὲ οὐθεῖα ἐστὸς οὐθεῖας συθεῖσαι: τὰς ἐν  
φεξῆς γυνίας ἵσταις ἀλλήλαις ποιῆ: ὄρθη ἐστὶ<sup>1</sup>  
ἐκατέρα τῶν ἴσων γυνιῶν. Καὶ η ἐφεστηκά  
οὐθεῖα: κάθετος καλεῖται, εφ' ἦν ἐφεστηκεν.  
Αμβλεῖα γυνία εἶναι, η μείζων  
ὄρθης.

Οξεῖα δὲ η ἐλάστων ὄρθης.

Ορος εἶναι, ὁ τινός εἶναι πέρας.

Σχῆμα εἶναι, τὸ οὐσόπιν Θεοῦ, η π  
νῶν ὄρων περιέχομδιον.

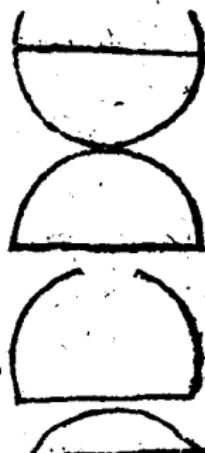
Χύκλος εἶναι, σχῆμα ἐπίστε-  
δον: τοῦτο μιᾶς χραμμῆς πε-  
ριέχομδιον (η καλεῖται περιφέρεια) πέρος ἢν  
ἀφ' ἑνὸς σημείου, τῶν δύο τοὺς δύο σχῆματος θεο-  
μάτων: πᾶσαι δὲ περιστεραὶ περιβαλλοῦσαι οὐθεῖας: οἱ  
σαγανάλαις εἰσί.

Κέντρον δὲ δύο χύκλων τὸ σημεῖ-  
ον καλεῖται.

Διάμετρος δὲ δύο χύκλων εἶναι,  
οὐθεῖα τὸ διὰ δύο κέντρων ηγεμόνη: καὶ περιστεραὶ  
μεγαλεῖαι

μέρη ἵνα ἔκατεσσι τὰ μέρη,  
ὑπὸ τῆς γύναιας περιφερέες  
αἱ: ή πις Εἰδίχα τέμνει τὸν  
κύκλον.

Ημικύκλιον δέ εἰσι, τὸ περι-  
χόμενον σχῆμα, ωστότε τῆς  
διάμετρος. Εἰ τῆς ἀπολαμ-  
βανούμενης ωστ' αὐτῆς τῆς γύ-  
ναιας περιφερείας.



Τμῆμα κύκλου εἰσὶ, τὸ περιεχόμενον ωστό τε  
εἴθεται, χοῦ κύκλου περιφερείας.

Εἰθύγραμμα σχήματα εἰσὶ, τὰ ωστὸ εἴθειῶν  
περιεχόμενα.

Τρίωλευραὶ μὲν τὰ ὑπὸ τριῶν.  
Τετράωλευραὶ δὲ τὰ ωστὸ πε-  
σάρων.



Πολυωλευραῖ, τὰ ωστὸ αλλε-  
όνων, η πεσάρων εἴθειῶν πε-  
ριεχόμενα.

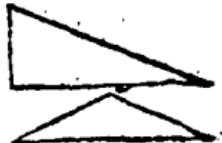
Τῶν δὲ τριωλέυρων σχημά-  
των, Ισόωλευρον μὲν τρίγω-  
νον εἰσὶ, τὸ τριῶν ίσος ἔχον  
ωλευράς.

Ισοσκελεῖς δὲ, τὸ τὰς δύο μόνας ίσας; ἔχονταλευ-  
ράς.

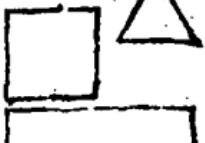
ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Σκαληνὸν δὲ, τὸ τὰς πρεῖς αἵστις ἔχον τλῆράς.

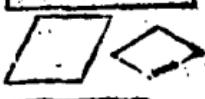
Ἐπ δὲ τῶν πειπλόδυρων σχημάτων. Ορθογώνιον μὴ τριγωνον ἐσὶ, τὸ ἔχον μίαν ὄρθην γωνίαν.



Αμβλυγώνιον δὲ, τὸ μίαν ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν.



Οξυγώνιον δέ, τὸ πρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.



Τῶν δὲ πετραπλόδυρων σχημάτων, τετράγωνον μήτ' εἰνι, οἱσόταλόδυρον τε ἐσὶ, καὶ ορθογώνιον.



Επέρόμηκες δὲ, ὁ ορθογώνιον μὴ, σύκιοισόταλόδυρον δέ.

Ρόμβῳ δὲ, οἱσόταλόδυρον μὴ, σύκιοισόταλόδυρον δέ.

Ρόμβοειδὲς δὲ, τὸ τὰς ἀπενωτίους τλῆράς τε γωνίας, ἵστις ἀλλήλαις ἔχον, ὁ γάπτε ορθογώνιον. γάπτε ισόταλόδυρον.

Τὰ δὲ περὶ τὰ πετράπλανα, τεραπέζια καλείσθω.

Παράλ-

Παράληλοις εἰσὶν δύθεῖαι, αἱ π  
νες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιτέδω γ  
ση: καὶ ἐκβάλλομεν εἰς ἄ—  
πειρονέφ' ἐκάπερα τὰ μέρη:  
ἐπιμηδετέρα σύμπλοσιν  
ἀλλήλαις.

## ΑΙΤΗΜΑΤΑ.

Η ΤΗΣ ΤΩ, ἀπὸ ταῦτος ομείχεπὶ πᾶν αὐ  
τῶν ἐυθεῖαν χραμμένη ἀρχεγεῖν.

Καὶ πεπερασμένην ἐυθεῖαν: καὶ τὸ συνεχὲς  
ἐως ἐυθεῖας ἐκβάλλειν.

Καὶ πάντι κέντρῳ, καὶ Διατήματι: κύκλον χει  
Φεαδεῖ.

## ΚΟΙΝΑΙ ΕΝΝΟΙΑΙ.

ΤΑ ΤΩ αὐτῷ ἵσα, καὶ ἀλλήλαις ἐσὶν ἴσαι.

Καὶ εανὶσιν ἴσαι περιεθῆ: τὰ ὅλα ἐσὶν ἴσαι.

Καὶ εὰν ἀπὸ ἴσων ἴσαι ἀφαιρεθῆ: τὰ κατιλε-  
πόντα ἐσὶν ἴσαι.

Καὶ εανὶσιν ἴσαι περιεθῆ: τὰ ὅλα ἐσὶν ἄνισαι.

Καὶ εὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσαι ἀφαιρεθῆ: τὰ λοιπὰ  
ἐσὶν ἄνισαι.

Καὶ τὰ διατάξαις ἴσαι ἀλλήλαις ἐστι.

Καὶ τὰ διατάξαις ἴμιοι: ἴσαι ἀλλήλαις ἐστι.

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Καὶ τὰ ἐΦαρμόζοντα ἐπ' ἄλληλα: ἵστι ἀλλήλοις ἐστί.

Καὶ τὸ ὄδον, οὐ μέργες μεῖζον ἐστί.

Καὶ πάσαν αἱ ὁρθαὶ γωνία: ἵστι ἀλλήλαις εἰσι.

Καὶ ἔστι εἰς δύο θέσεις, θέσαι ἐμπίπλους,  
τὰς ἐντὸς, Σὲπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας.  
δύο ὁρθῶν ἐλάσοσιν τοι: σκεπαλόμηναι  
αἱ δύο αὗται θέσαις ἐπ' ἄπειρον, συμπε-  
σῶνται ἀλλήλαις, ἐφ' ἀμέρητον αἱ τῶν  
δύο ὁρθῶν ἐλάσοσιν γωνία.

Καὶ δύο θέσεις: χωρίους οὐ περέχουσι.

Πρότασις α. πρόβλημα.

**Ε**πι τῆς δοθείσας θέσεις περιστρέψομεν  
της τρίγωνον ισότολθρον συστήματα.

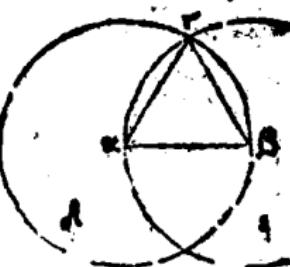
Εκθεσις.) Εῖσθι τὸ θέσιον περιστρέψαμέν τοι,  
η ἄβ. (Διοργοὺς.) Δεῦ δὴ ὅπποι τῆς ἀβ θέσεί-  
ας: τρίγωνον ισότολθρον συστήματα. (Κατα-  
σκεψ.) Κέντρῳ μὲν τῷ ἄ, Διαστήματι δὲ, τῷ  
ἄβ: κύκλῳ γεγένεθω, ὁ Βγε. οὐδὲ πάλιν  
κέντρῳ μὲν τῷ 6, Διαστήματι δὲ τῷ 6: κύ-  
κλῳ γεγένεθω, ὁ αγδ. οὐδὲ πέντε,

καθ'

ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ Α.

4

καθ' ὃ τέμνεται ἀλλήλας  
οἱ κύκλοι, ὅποι τὰ αἱ β., οἱ  
μέτα: ἐπεξέχθωσιν δι-  
θέται, φίγα, γράφ. (Απόδει-  
ξις.) Επειδὴ τὸ αἱ σημεῖον,  
κέντρον ἔχει τὸ γενέθλιον κύκλου:  
ἴση ἔστιν ἡ ἀγ. τῆς αβ. πάλιν ἴστοι τὸ διομέτιον,  
κέντρον ἔχει, τὸ γαδ κύκλου: ίση ἔστιν ἡ βγ, τῇ  
βᾳ. ἐδείχθη δὲ καὶ γα, τῇ αβ. ίση. ἐκατέρε  
ἄρχει τῶν γα, γβ: τῇ αβ. ἔστιν ίση. τὰ δὲ τὰ αἱ  
πλάσια: καὶ ἀλλήλοις ἔστιν ίσαι, καὶ ἡ γράφ άρχει τῇ γβ  
ἔστιν ίση. αἱ τρεῖς άρχει αἱ γα, αβ, βγ: ίσαι αλλή  
λαις εἰσίν. Συμπερασμα.) Ισόπλαστον άρχει  
ἔστι τὸ αβγ τρίγωνον: καὶ συνέστητη ὅποι τῆς δι-  
θέταις διθέταις πεπεριγμένης τῆς αβ. Καὶ ἔ-  
δει πρῆσαι.



Πρότασις Β. πρόβλημα.

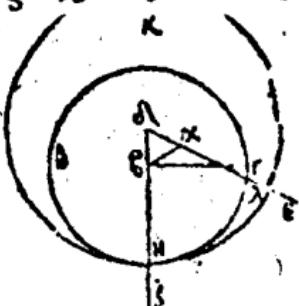
Πρὸς τῷ στροθέντι σημεῖῳ: τῇ δοθείσῃ δι-  
θέται: ίσην διθέταιν θέσαν.

Εκθεσις.) Εῖναι τὸ μὲν δοθὲν σημεῖον τὸ αἱ:  
ἡ ἡ στροθέτου διθέται ἡ βγ. (Διοργόμος. Δεῖ δη  
πέσος τῷ αἱ σημεῖῳ: τῇ βγ διθέται: ίσην διθέται

Α iii

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

Φίλαρη. (Κατασκεψή.) Επεξέχθω τὸ ἀπὸ τὸ  
αὐτοῦ, ὅπις τὸ Σομεῖον.  
Σύθεια ἡ αὐτῆς καὶ συνεισάτω  
ἐπὶ αὐτῆς, τρίγωνον ισό-  
πλαντρον, τὸ δαῦς καὶ σκέψη  
Ελήνθωσαν ἐπὶ Σύθειας  
ταῖς δαῖς, δὲ Σύθεια, αἱ  
αἱ, βῃ, καὶ κέντρῳ μὲν τῷ θεοῖ, Αλεξάνδρῳ δὲ τῷ  
εὐτρόπῳ γεγένεται φθωστὴ θηθ. καὶ πάλιν κέν-  
τρῳ μὲν τῷ θεῷ, Αλεξάνδρῳ δὲ τῷ δῆμῳ: κύκλος  
γεγένεται φθωστὴ θηθ. (Απόδειξις.) Επειδὴν τὸ  
Σομεῖον, κέντρον ἔχει τὸ γῆθος κύκλος: οὐ εἶναι η  
εὐτρόπον ἔχει τὸ γῆθος κύκλος: οὐ εἶναι η δῆμος, τῇ δῆμῳ  
ῶν η δάσα, τῇ δῆμος εἰσί. λοιπὴ ἄρχεια οὐ, λο-  
πὴ τῇ δῆμος εἰσί. εἰσίχθη δὲ Καὶ βῃ, τῇ δῆμος  
οὐ. εκατέρεσσι δέ τῶν οὐ, βῃ: τῇ δῆμος εἰσί. οὐ.  
τὰ δὲ τῷ αὐτῷ ισοι: Καὶ ἀλλήλοις εἰσί. οὐ. Καὶ  
οὐ ἄρχεια, τῇ δῆμος, εἰσί. οὐ. (Συμπέρασμα.)  
Πρὸς ἄρχεια τῷ δοθέντι ομοιώτατο: τῇ δοθέντι  
Σύθεια τῇ δῆμος: οὐ Σύθεια καὶ ταῦτα η οὐ. οὐδὲ ε-  
δειποιησαμεν.



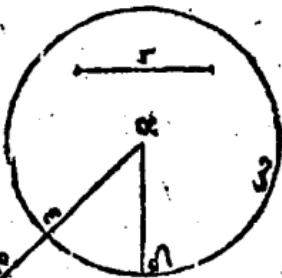
Πρότερον

Πρότασις γ. πρόβλημα.

**Δ**ΤΟ ΔΟΘΗΣΑΝ ΣΦΗΝΑΝ ΑΝΙΣΩΝ: ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς σφήνης εἰσαγόντες τὴν σφήνην αφελεῖν.

Εκθεσις.) Εισωσαν δέ.

δοθεῖσαν δύο σφήναις ανισοι αἱ ἄξεις, γ. ὃν μείζων ἐσται ἡ ἄξεις. (Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς ἄξεως, τῇ ἐλάσσονι τῇ γ: ἔσ-



σην σφήναιν αφελεῖν. (Κατασκεψή.) Καίσθι πέρος τῷ αὐτομεῖω, τῇ γ. σφήναις: ἵστη ἡ ἄξεις, καὶ κέντρῳ μὲν τῷ αὐτῷ, Διαστήματι δὲ τῷ ἀδικύλῳ γεγενέφθω ὁ διεζ. (Απόδειξις.) Καὶ εἴπει τὸ αὐτομεῖον, κέντρου ἐν τῷ διεζ κύκλῳ: ἵστη ἐξινάει, τῇ ἄξει. ἀλλὰ καὶ γ. τῇ ἄξει ἐξινάει. ἐκπατέρα ἀρχα τῶν ἄξεων, γ.: τῇ ἄξει ἐξινάει. Συμπλέρωσμα.) Δύο ἀρχα δοθησαν σφήναιν ανισων τῶν ἄξεων, γ.: ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς ἄξεως τῆς αφίγρητης ἄξεως ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις δ. θέωρημα.

**Ε**ΑΥ ΔΥΟ ΤΓΕΙΓΑΝΑ, τὰς δύο αλιθρὰς τῶν

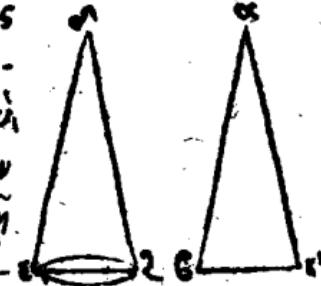
Α γ

ΒΤΚΛΕΙΔΟΥ

δυος πλευραις τοις ἔχη ἐκάπεραι ἐκατέραι  
Ἐτὶ τὸ γωνίαν τῆς γωνίας ισην ἔχη: τὸ δὲ  
τῶν ισων οὐδὲν περιεχομένην: καὶ τὸν βάσιν  
τῆς βάσεως ισην ἔχει: καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώ-  
νῳ ισου ἔσται: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς  
γωνίαις ισαὶ εσσιν ταῦ, ἐκάπερα ἐκατέρα, ὑφ'  
αἱ αἱ ισαὶ πλευραὶ ψωστείνσιν.

Ἐκθεσις.) Εἰσώδύο τρίγωνα, τὰ αἴβι, δεξιά  
τὰς δύο πλευρὰς τὰς αἴβι, αὐτούς, ταῖς δύοσι  
πλευραῖς ταῖς δεξιάς, δεξιάς  
ἔχοντα ἐκάπεραι ἐκατέ-  
ραι τὴν μὲν αἴβι, τὴν δὲ: τὰς  
δεξιάς, τὴν δεξιά: καὶ γωνίαν  
τὸν ψωδόν βασικήν, γωνία τῆς  
ψωδής ισην. (Διορθώσις.)

Θεὼς.) Λέγω ἀπο, καὶ βάσις ἡ βασική, βάσει τῇ ἐξ ἣν  
σημεῖον: Εἰ τὸ αἴβι τριγώνου, τῷ δεξιῷ τριγώ-  
νῳ ισον ἔσται: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς  
γωνίαις ισαὶ εσσιν ταῦ, ἐκάπερα ἐκατέρα,  
ὑφ' αἱ αἱ ισαὶ πλευραὶ ψωστείνσιν, η μὲν ψω-  
δόν αἴβι, τὴν ψωδήν δεξιάν αἴβι, τὴν ψωδήν  
δεξιά: (Απόδεξις.) ΕΦαρμοζομένης τὸ δεξιό τρίγωνον: καὶ πέμπτη  
αἴβι τριγώνου δεῖ τὸ δεξιό τρίγωνον: καὶ πέμπτη



να γέμισε σημείος, ὅπερ τὸ μὲν σημεῖον: τῆς δὲ  
ἀβύθείας, ὅπερ τῶν δέ. εὐΦαρμόσου καὶ τὸ β., ε-  
τοῖς τοῖς. Διὰ τὸ ἵσην εἶναι τῶν ἀβ., τῇ δέ. ε-  
Φαρμοσάσης δὲ τῆς ἀβ., Διὰ τῶν δέ. εὐΦαρ-  
μόσου καὶ οὐδὲ δύνεια, ὅπερ τῶν δέ? . ὅπερ τὸ ἵσην  
εἶναι, τῶν τοῦ βαζυγωνίας: τῇ τοῦ δέ? ὡς  
τῷ τὸ γῆ σημεῖον, ὅπερ τὸ γῆ σημεῖον εὐΦαρμό-  
ση. Διὰ τὸ ἵσην πάλιν εἶναι τῶν αὐτῶν δέ? . ἀλ-  
λὰ μην καὶ τὸ β., ὅπερ τὸ εὐΦαρμόσατο, ὥσπερ βά-  
σις ἡ βή, ὅπερ βάσιν τῶν εὐΦαρμόσου εἰ γέρ-  
γα, μὲν β. ὅπερ τὸ εὐΦαρμόσατο, γέργα γέρει  
τὸ δέ? η δέ γάρ βάσις ὅπερ τῶν εὐΦαρμόσου δύο  
δύνεια χωρίσν περιέχεται. ὅπερ ἀδικάτοι.  
ΕὐΦαρμόσου ἄρα η δέ γάρ βάσις, ὅπερ τῶν εὐΦαρμό-  
ση αὐτῆς ἐσται: ὥστε καὶ ὅλον τὸ αβγῆ τριγωνον,  
ἐπὶ ὅλοι τὸ δέ? τριγωνον εὐΦαρμόσου: Σὺν αὐ-  
τῷ ἐσται. Εἰ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ὅπερ τὰς λοιπὰς  
γωνίας εὐΦαρμόσυσι. καὶ ἵση αὐτῶνς ἐσονται. η  
μὲν τοῦ αβγῆ, τῇ τοῦ δέ? η δέ τοῦ αγβ.,  
τῇ τοῦ δέ? ε. Συμπέρασμα) Εάν ἀριθμός τοι  
γωνια, τὰς δύο πλευρὰς, τὰς δύο πλευράς  
ἴσαις ἔχῃ ἐκάπερ φεν ἐκατέρας: καὶ τῶν γωνίας  
τῇ γωνίᾳ ἵση ἔχη, τῶν τοῦ τῶν ἵσων δύο  
τοις εχομένην: καὶ τῶν βάσιν τῇ βάσιν ἵσην

ἔχει:

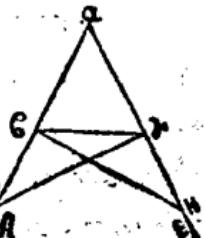
ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

εἶει: καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσου ἔσται: καὶ  
αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι  
ἔσονται: ἐκάπερ αἱ καλέρα, οὐ φ' ἀς αἱ ἴσαι πλευ-  
ραὶ ὑποτείνουσιν ἀπέρ εδει στείξαμεν.

Πρότασις ε. Θεώρημα.

**Τ**οινισσοκελῶν τριγώνων: αἱ πέδοι τῇ Βάσει  
γωνίαις ἴσαι ἀλλήλαις εἰσί. καὶ πεφοεινέλη  
Θεῶν τῶν ἴσων δίθεῶν: αἱ ψεύτικοι τῶν βάσων  
γωνίαις: ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Εκδεσις.) Εῖναι τρίγωνον ισσοκελὲς τὸ αβγ̄,  
ἵστην ἔχον τὴν ἀβ πλευρὰν, τὴν αγ̄ πλευρὰν.  
Ἐπεφοεινέληθασσαν ἐπ' θίθειαστῆς ἀβ,  
αγ̄: θίθεια αἰ βδ, γε. Διοργμὸς.) Λέγω ὅτι  
η μὲν ψεύτικοι αβγ̄ γωνία, τῇ ψεύτικοι αγ̄ βίση ἐ-  
σιν: ηδὲ ψεύτικοι γβδ, τῇ ψεύτικοι  
βγε. Καπνοκευὴ.) Εἰλήφθω  
ζὸν ἐπὶ τὸ βδ: τυχὸν σημεῖον  
τὸ ζ. καὶ αὐτὸν πρήσθω διπό τῆς  
μείζονος τῆς αε: τῇ ἐλάσσονι  
τῇ αζ, ἵση η αη: καὶ ἐπεργεύχθω  
επειδή ζγ̄, ηβ θίθεια. Απόδειξις.) Επειδὴ  
ση ἐστὶν η μὲν αζ, τῇ αη: ηδὲ αβ, τῇ αγ̄. δύο  
δῆται ζα, αγ̄, δίνοσι ταῦς ηα, αβ, ιωα εἰσὶν,  
ἐκά-



ἐκάπερα ἐκατέρα. Εἰ γανίας ἀσέχουσιν τὰ  
ταῦτα ζῆται. Βάσις ἄρα οὐδὲ γένος, βάσις τῇ ηβῖση  
εἶναι καὶ τὸ αὐτὸν τριγωνον, τὰς αἱ βιτριγώνας  
ἴσουν εἶναι. καὶ αἱ λοιπαὶ γανίας, ταῖς λοιπαῖς  
γανίασι ίσαι εἰσονται ἐκάπερα ἐκατέρα, οὐ φ' ἀς  
αἱ ίσαι πλευραὶ ταῦτα εἰναντίον. οὐ μὲν ταῦτα  
αγλατῇ ταῦτα αβῖση: οὐδὲ ταῦτα αὐτοῦ, τῇ ταῦτα  
αβῖση. καὶ επειδόλη η ἀληθεία τῇ λῃτεῖν ιση, οὐ  
η ἀληθεία τῇ αγλατεῖν ιση. λοιπὴ ἄρα οὐδὲ γένος,  
τῇ γητεῖν ιση. εἰδείχθη δὲ οὐδὲ οὐδὲ γένος, τῇ ηβῖση.  
δύο δὲ αἱ βιτριγώνες. δυσὶ ταῖς γηταῖς, ηβῖση, εἰσὶν  
ἐκάπερα ἐκατέρα: καὶ γανία η ταῦτα βιτριγώνες, γα-  
νία τῇ ταῦτα γηταῖς εἶναι ιση: καὶ βάσις αὐτῶν κοι-  
νή, η βιτριγώνη. καὶ τὸ βιτριγόνον τριγωνον, τὰς λο-  
παῖς γανίασι ίσαι εἰσονται ἐκάπερα ἐκατέρα,  
οὐ φ' ἀς αἱ ίσαι πλευραὶ ταῦτα εἰναντίον. ιση ἄρα  
εἶναι, οὐ μὲν ταῦτα γηταῖς, τῇ ταῦτα ηγενέση: οὐ δὲ οὐ-  
δὲ βιτριγώνες, τῇ ταῦτα γηταῖς. επειδόλη η ταῦτα  
αβῖση γανία, ολη τῇ ταῦτα αγλαταὶ γανία εἰδείχθη  
ιση: οὐ η ταῦτα γηταῖς, τῇ ταῦτα βιτριγώνες ιση. λοιπὴ  
ἄρα η ταῦτα αβῖση, λοιπὴ τῇ ταῦτα αγλαταὶ εἶναι ι-  
ση. καὶ εἰσὶ πέδος τῇ βάσι, η βιτριγώνη τριγωνος. ε-  
ιδείχθη δὲ καὶ η ταῦτα γηταῖς, τῇ ταῦτα ηγενέση: Εἰ-  
σὶν

ΕΤΚΛΕΙΑ ΟΥ

Εσίν (τὸ τὸ βάσιν. Συμπέρασμα.) Τῶν ἀ-  
εισοσκελῶν τριγώνων, αἱ πέδοι τῆς βάσεως γινό-  
νται: οὐκ ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ περισσεύει θεός τῶν  
τῶν οὗτων δύνεων: αἱ τὰ τὰ βάσιν γωνίαι  
ίσαι ἀλλήλαις εἰσιν ταῦται. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις 5. Θεώρημα.

**Ε**άν τριγώνος, αἱ δύο γωνίαι ίσαι ἀλλήλαις  
ωσι: καὶ αἱ τὰς ίσας γωνίας τριγωνοί-  
νασι πλευραὶ: ίσαι ἀλλήλαις εἰσιν ταῦται.

Εκθεσις.) Εῖσιν τρίγωνοι, γόνοι αβγ: οἱ σημεῖοι έχον τὰς  
τρισδιάβολης γωνίας, τῇ υ-  
πὸ αγβ γωνίᾳ. Διορισ-  
μος.) Λέγω ὅτι καὶ πλευραὶ  
η ἀβ: πλευραὶ τῇ αγ: έσίν  
ίση. Κατασκευὴ.) Εἰ γὰρ  
άνισός εἴη αβ, τῇ αγ: η ἐτέρα αὐτῶν, μετ-  
ζων έσίν. έσιν μείζων η αβ. ηγὶ ἀφηρήθω  
διποτάς μείζον θεός τῆς αβ, τῇ ἐλάσσονι τῇ  
αγ: οἱ η δβ. καὶ εἰσερχεύχθω η δγ. Απόδει-  
ξις.) Επεὶ γάρ ιση έσίν η δβ, τῇ αγ: κοινηδεῖ η  
βγ. δύο δημητρίου δβ, δγ, δύοις ταῖς αγ, γβ: ίσαι



τοῖς, ἐκάπερ εἰκάζει. Εἰ γωνία ἔσται δύο,  
γωνία τῇ ὅτῳ αὐθίστῃ ἵση: Βάσις ἀρχὴ  
δύ, βάσι τῇ αὐθίστῃ ἵσται. καὶ τὸ αὐθίστη  
νον, τῷ δύο τριγώνῳ ἴσου εἴσαι. τοῦτο  
τὸ μεῖζον. ὅπερ ἀτοπον. σύν ἀρχῇ  
αὐθίστῃ αὐθίστη. Συμπέρασμα.) Εὰν  
εἴσῃ τριγώνος, αὐθίστη γωνίαι, ἴσους ἀλλήλαις εἴσαι  
καὶ τοῦτο τὰς ἴσους γωνίας ταῦταί είναι πλεο-  
ραῖ: ἴσους ἀλλήλαις εἴσουται. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

## Πρότασις 2. Φύσης.

**Ε**πὶ τῆς αὐτῆς θείας: δύσι ταῖς αὐταῖς  
θείαις: ἀλλαι δύο θείαις ἴσου, ἐκάπερ  
εἰκάζει: καὶ οὐσιαθίσουται, πέρος ἀλλῶ, καὶ ἀλ-  
λῶ σημείῳ: οὐδὲ τὰ αὐτικά μέρη: τὰ αὐτάπο  
ρετα εἶχουν, ταῖς εὖ ἀρχῆς θείαις.

Εκφεσις.) Εἰ γὰρ δύνα-  
τον, οὐδὲ τῆς αὐτῆς θεία-  
ας τῆς αὐθίστης: δύσι ταῖς αὐ-  
ταῖς θείαις ταῖς αὐθίστη-  
σι: ἀλλαι δύο θείαις, αἱ  
αὐθίστης, ἴσου εἰκάζει εἰκά-  
ζει, συνεισάτωσι, πέρος ἀλλῶ, καὶ ἀλλῶ ση-  
μείῳ



## ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

μέισι, τῶπογ, καὶ διεώσι τὰ αὐτὰ μέρη, τὰ γε  
δι τὰ αὐτὰ πέραθεχομ, τὰ ἄλλα, β, ταῖς εἰς  
ἀρχῆς θέσιας: ὥστε ισην εἶναι, τίνῳ μὲν γα:  
τῇ δᾶ: τὸ αὐτὸ πέρας ἔχοντα αὐτῇ, τὸ ἄλλο  
τίνῳ δὲ γῆ β, τῇ δβ: τὸ αὐτὸ πέρας ἔχοντα  
αὐτῇ τὸ β. Κατασκευή.) Επεζεύχθω ἡ γῆ δ.  
Απόδεξις.) Επεὶ γνίσθηται ἡ αγ, τῇ αδ: οὐ  
ση εῖται γωνία ἡ ψεδ αγδ, τῇ ψεδ αδγ.  
μείζων ἀρχή ψεδ αδγ: τῆς ψεδ δγ β. πολ-  
λῶν ἀρχῆς ψεδ γδβ: μείζων εῖται τῆς ψεδ  
δγ β. πάλιν ἐπεὶ γνίσθηται γῆ β, τῇ δβ: γνη  
εῖται, καὶ γωνία ἡ ψεδ γδα: γωνία τῇ ψεδ δγ β.  
ἔδειχθη δὲ αὐτῆς, καὶ πολλῶ μείζων. ὅπερ εἰν  
ἀδύνατον. Συμπέρσομα.) Σὸν ἀρχὴ τῆς  
αὐτῆς θέσιας δύστο ταῖς αὐταῖς θέσιας, ἀλ-  
λαὶ δύο θέσια, ισαὶ ἐκάτεροι ἐκατέρας ουσι,  
θήσονται, πρὸς ἄλλω, καὶ ἄλλω σημείω: ἐπὶ τὰ  
αὐτὰ μέρη: τὰ αὐτὰ πέραθεχομ, ταῖς  
εἰς αρχῆς θέσιας. ὅπερ εἴδει δεῖξα.

Πρότασις η. Γεώργια.

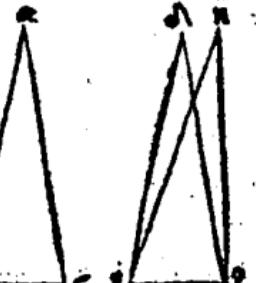
**Ε**Αν δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς ταῖς  
δύστο πλευραῖς ισασ εχη, ἐκάπεροι ἐκατέ-  
ρα: εχη δὲ καὶ τίνῳ βάσιν, τῇ βάσισην: καὶ  
τίνῳ

ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ Α.

τὸν γενίαν τῇ γενίᾳ ἴσην εἶναι, τὸν τὸν  
ἴσων σύνθετον περιεχόμενον.

Ἐκδιοις.) Εῖναι δύο τοι  
γενία, τὰ αβγ, δέλφι: τὰς  
δύο τοιλάρες τὰς αβ,  
αγ, τὰς δύο τοιλευραῖς  
τὰς δέλφιδέλφιοις εἶχον ταξι-  
κάπερεν εκατέρα: τὸν εἰ-  
μένον αβ, τὴν δέ: τὸν δὲ αγ, τὴν δέλφιον τοῦ κοι-  
βάσιον τὸν βγ, βάσον τῆς εὐθείας. Διορισμὸς.)  
Λέγω οὖτις, καὶ γενία ἡ τὸν βαγ, γενία τῇ  
τὸν δέλφιεντισ. Κατασκευὴ.) ΕΦαρμοζό-  
μενά γὰρ τὸν αβγ τοιλάραν, ἐπὶ τὸ δέλφιον τοιλα-  
ραν: καὶ πιθειμένα γὰρ μέν βασιμεῖς, ἐπὶ τὸ δέ ση-  
μεῖον: τὸ δέ βγ αὐθείας, ἐπὶ τὸν ελφι: Ἐφαρμό-  
σει, καὶ τὸ γα σημεῖον, ἐπὶ τὸ? Σχετὸν τὸν εἰ-  
μένον τὸν βγ, τὴν ελφι. Απόδειξις.) ΕΦαρμοσά-  
σης δή τὸν βγ, ἐπὶ τὸν ελφι: Φαρμόσασος; καὶ αγ  
βα, γα: ἐπὶ τὰς εδ, δέλφι γὰρ βάσις μὲν η δέλφι:  
ἐπὶ βάσιον τὸν ελφι: Φαρμόσασ: αγ δέ βα, αγ  
τοιλευραῖς ἐπὶ τὰς εδ, δέλφι, σὸν εφαρμόζοντι  
ἀλλὰ παραδιαλλάξοντι, οὐς αγ εη, ελφι: ουσαθήσον  
τῷ εἰπότι αὐτῆς αὐθείας, δύο τὰς αὐτὰς

B



## ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

Σθείαις: ἄλλαι δύο διθέαις, οἷαι ἐκάπερ φένται  
τέρα πέρος ἄλλων καὶ ἄλλων σημείων: επὶ τὰ αἱ  
τὰ μέρη: τὰ αὐτὰ πέρατα εχόσαν. καὶ συνίσταν-  
ται δὲ σὸν ἀρχέα ἐφαρμόζομέν τον Βάσον  
ας, επὶ τηλεῖ τον Βάσον: σὸν ἐφαρμόσαντο οἱ  
Βαῖ, αγαθοὶ πλευραῖ: επὶ τὰς εδῶδις, εφαρμόσα-  
στάρα, ὡσπερ κανία ἡ τοῦ Βαγ, επὶ γωνί-  
ας τηλεῖ τοῦ εδῶδις ἐφαρμόσαντο: καὶ οἱ αὐτῆς ἔ-  
ραν. Συμπέρασμα.) Εἰναι ἀρχέα δύο ποιγανά,  
τὰς δύο πλευρὰς, ταῖς δύο τοις πλευραῖς, οἷαις  
ἔχη ἐκάπερ εντέρα: καὶ τηλεῖ τον Βάσον τὴν Βάσον  
ἴσον ἔχει: Εἰ τηλεῖ γωνίας τηλεῖ γωνία ίσον ἔχει,  
τηλεῖ υπὸ τῶν ισων διδάσκων αθελεχομένης οὐδὲ  
ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις θ. Πρόβλημα.

**Τ**Ην δοθεῖσαι γωνίαις διθύραμμον: δίχα  
πεμψίν.

Εκδεῖσις.) Εἰσω ή δοθεῖσαι γωνία διθύραμ-  
μῳ, ή τοῦ Βαγ. Διοργόμος.) Δεῖ δὴ αὐ-  
τὴν: δίχα πεμψίν. Κατασκευή.) Εἰλήφθω επὶ<sup>της</sup> ἄβ., τύχον σημείου τὸ δ. καὶ ἀφηρήθω  
ἀπὸ τῆς αγ., τῇ ἀδίσηης. καὶ επεζέχθω  
ἡ δὲ. Εὑνεσάτω ἐπὶ τῆς δεῖ: ποιγανον ισό-  
πλευρον.

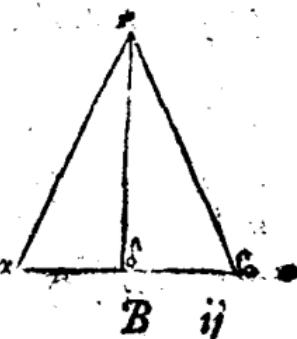
πλευρού; τὸ δὲ γ. καὶ ἐπε-  
ζεῖχθω ἡ αἱ. Διοργόμος.  
τῆς κατασκευῆς.) Λέγω  
ὅτι ἡ πάντα βαγγ γωνία δί-  
χα τέμνηται υπὸ τῆς αἱ.  
σύνθετας. Απόδειξις.) Ε-  
πειδὴ γὰρ ἵππος ἡ αἱ, τῇ  
αἱ καὶ δεῖχθεῖσα δύο δῆλαι δά,  
αἱ. διστάται  
εἰς, αἱ, οὐδὲ σὺν ἑκάτερῃ εκπέμπεται βάσις  
ἡ δὲ βάσις τῇ εἱ γίγνεται. γωνία ἀρχή υπὸ  
δά, γωνία τῇ υπὸ εαἱ, εἰςκατέστη. Συμπέρε-  
σμα.) Η ἀρχὴ δοθεῖσα γωνία σύνθετα μηδὲ  
ὑπὸ βαγγ.: δίχα τέμνηται υπὸ τῆς αἱ. σύ-  
νθετας. οὐδὲ ἔστι ποιητικόν.



## Πρότασις ι. Προβλήμα.

**Τ**Ην δοθεῖσα σύνθετα πεπερασμένη δίχα  
πεμψιν.

Εκφεύγεις.) Εῖναι ἡ δοθεῖ-  
σα σύνθετα πεπερασμένη, ἡ  
αἱ. Διοργόμος.) Δεῖ δὴ  
τινὰ αἱ, δίχα πεμψιν. Κα-  
τασκευή.) Συνεισάτω ἐπ'  
αὐτῆς τρίγωνον ισόπλευ-



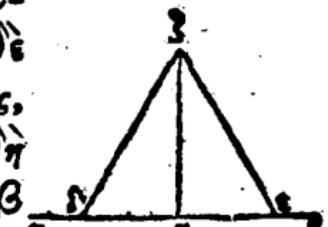
ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

ρον τὸ αβγ: καὶ τελμήθω ἡ ὑπὸ αβγ γωνία  
δίχα, τῇ γδ ὅθεν. Διορισμὸς τῆς κατὰ<sup>1</sup>  
σκευῆς.) λέγω ὅπερ ἡ ἀβδόθεια, δίχα τέμνη;) ;  
καὶ τὸ δ σημεῖον. Απόδειξις.) Επεὶ γδίση  
ἴσιν η αγ, τῇ γβ: κεινὴ δὲ γδ: δύο δὴ αἱ αγ,  
γδ: δύο ταῦς βγ, γδ: ἰσουεῖσιν ἐκάτερα ε-  
κατέρα: καὶ γωνία ἡ ὑπὸ αγδ, γωνία τῇ ὑπὸ<sup>2</sup>  
βγδ ίσιν ἴση. Βάσις ἀρχὴ ἀδ: Βάσις τῇ βδ  
ίσιν ἴση. Συμπέρασμα.) Η ἀρχαδοθεῖσα δό-  
θεια πεπέρασμένη ἡ ἀβ: δίχα τέτμηται κα-  
τὰ τὸ δ. οὐδὲ ἔδει πιῆσαι.

Πρότερος ίδ. Πρόβλημα.

**Τ**Η δοθεῖση δόθεια, ἀπὸ γωνίας αὐτῇ δο-  
θεῖση σημεῖον: τοὺς ὄρθας γωνίας, δόθει  
αν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Ἐκθεσις.) Ενώ μὴ δο-  
θεῖσα δόθεια, η ἀβ: τὸ δὲ  
δοθεῖση σημεῖον ἐπ' αὐτῆς,  
τὸ γ. Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ  
ἀπὸ γ σημεῖον, τῇ αβ  
δόθεια: τοὺς ὄρθας γωνί-  
ας δόθεῖσα γραμμὴν ἀγαγεῖν. Κατασκευὴ.)  
Εἰλή-



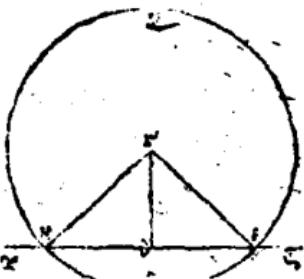
Εἰλήφθω ἐπὶ τῆς ἀγ. τυχὸν σημεῖον τὸ δ. Εἰ κέιμεν τῇ γράμμῃ, η γέ. καὶ σωμεῖτω ἐπὶ τῷ δε- τρίγωνον ἰσότιλευρον τὸ γράμμα. καὶ ἐπεζεύ- χθω ἡ γ. Διορισμὸς τῆς κατασκευῆς.) Λέ- γω ὅπερ τῇ δοθείσῃ σύθεια τῇ ἀβ. ἀπὸ τοῦ περὶ αὐτῇ δοθέντος σημεῖον γράμματος ὥρθας γω- νίας σύθεια γραμμὴ ηκταὶ ἡ γ. Απόδειξις.) Επεὶ γὰρ ἔστιν ἡ δῆ, τῇ γε: κοινὴ δὲ ἡ γ.: δύο δῆσι δῆ, γρ., δυσὶ ταῖς εγ., γρ., ἔσται- σὶν, ἐκάπερ αἱ κατέραφαι καὶ βάσις ἡ δῆ, βάσις τῇ γράμμῃ εἰσὶν. γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ δῆ, γωνία τῇ ὑπὸ εγράμμῃ εἰσὶν, καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς. οταν δὲ σύ- θεια ἐπὶ σύθειαν συθεῖσα: ταῖς εφεξῆς γωνί- ας, εἰσας ἀλλήλαις ποιῆσι: ὥρθη εἰσὶν ἐκατέρα τῶν ἕστων γωνιῶν. ὥρθη ἄρα εἰσὶν ἐκατέρα, τῶν ὑπὸ δῆ, γρ. Συμπέρασμα.) Τῇ ἀρχῇ δοθείσῃ σύθεια τῇ ἀγ. ἀπὸ τοῦ περὶ αὐτῇ δοθέντος σημεῖον γράμματος ὥρθας γωνίας σύθεια γραμ- μὴ ηκταὶ, ἡ γ. οὐδὲ εἴδει ποιησαν.

Πρότερος ιβ. Πρόσληψα.

**Ε**πὶ τικὸν δοθείσην σύθειαν ἄπειρον, ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου ὁ μὴ εἰσὶν ἐπ' αὐτῆς: καὶ δετον σύθειαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

ΕΤΚΑΕΙΔΟΥ

Εκθεσις.) Εῖσα μὴ δοθεῖσαι σύθεῖα ἀπε-  
ργῷ, η ἀβ: τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον, ὃ μὴ ἔστιν ἐπὸ<sup>·</sup>  
αὐτῆς, τὸ γ. Διοργόμως.) Δεῖ δὴ σὺν τῷ δο-  
θεῖσαι σύθεῖαν ἀπειρον τῷ ἀβ: ἀπὸ γ δο-  
θέντῳ σημείῳ γ γ, ὃ μὴ ἔστιν ἐπὸ αὐτῆς: κάτε  
τον σύθεῖαν χραμμὸν ἀγαγεῖν. Κατασκευή.)  
Εἰλήφθω γδὲ πὶ τὰ ἔπειρα  
μέρη τῆς ἀβ σύθείας, τυ-  
χον σημεῖον τὸ δ. καὶ κέν-  
τρω μὴν τὸ γ, οὐκτήμα-  
τι δὲ τῷ γδ: κύκλῳ γε-  
χάφθω ὁ εἱγ. καὶ τέμνη-  
θω ἡ εῃ δίχα κατὰ τὸ θ. καὶ ἔπειρος χωρα-  
σί γη, γθ, γε. Διοργόμως τῆς κατασκευῆς.)  
Λεγω ὅπι, ἐπὶ τῷ δοθεῖσαι σύθεῖαν ἀπειρον  
τῷ ἀβ, ἀπὸ γ δοθέντῳ σημείῳ γ γ, ὃ μὴ  
ἔστιν ἐπὸ αὐτῆς: κάτετρον γκταὶ η γθ. Από-  
δεξις.) Επεὶ γδὲ ιση ἐστὶν η γθ τῇ θε: κοινὴ δὲ  
η θγ. δύο δὴ αἱ ηθ, θγ: δύσι ταῦς εθ, θγ, ισαι  
εἰσὶν ἐκάπεραι ἐκατέραι: καὶ βάσις η γη, βάσις  
τῇ γε, εἰσὶν ιση. γωνία ἀρχαὶ η τῶν γθη, γω-  
νία τῇ τῶν εθγ ἐστὶν ιση. καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς. ὅ-  
ταν δὲ σύθεία εἰστὶ σύθεῖαν σεθεῖσαι: τὰς ἐφε-  
ξῆς γωνίας ισαὶς ἀλλήλαις ποιησόρθη ἐστὶν ἐκά-



πρε τῶν ἴσων γωνιῶν. καὶ οὐ φειγοῦσα δύνεια: κάτει  $\odot$  καλέσπει φένειον. Συμ πέρασμα.) Επί τῷ δοθεῖσαι αρχα δύνειαν ἀπειρον, τῷ αβί: απὸ γράφειντο  $\odot$  σημεῖα γράψῃ, οὐ μη εἰνέστερος: κάτει  $\odot$  οὐκανή γράψῃ. ὅτι τοῦ οὐδεὶς ποιήσει.

## Πρότασις ιγ. Θεώρημα.

**Ω**Σ ἀν δύνεια ἐπ' δύνειαν σαθεῖσαι, γωνίαν ας ποιῆι: ητοι δύο ὄρθας, η δυστὸν ὄρθαις ἔταις, ποιήσει.

Εκδεσις.) Εύθεια γὰρ πις η αβ., ἐπ' δύνειαν τῷ γράψεισαι: γωνίας ποιήσει, τὰς ταῦτα γράψα, αβδ.

Διορισμὸς.) Λέγω οὖτις γράψα γράψα, αβδ, γωνίαν η δύο ὄρθαις εἰσὶν, η δυστὸν ὄρθαις εἰσὶν. Καὶ σκοληνή.) Εἰ μὲν ἐν τῷ εἴσιν ταῦτα γράψα, τῇ ταῦτα αβδ: δύο ὄρθαις εἰσὶν. εἰ δὲ γράψῃ ηγθω απὸ γράψη σημεῖα, τῇ γράψεις ὄρθας, η βι. Απόδειξις.) αἱ αρχαὶ ταῦτα γράψει, ενδο, δύο ὄρθαις εἰσὶ. καὶ οὐ περὶ ταῦτα γράψει δυστὸν ταῦτα γράψα, αβδεις οὐκ εἰσὶ: αφινὴ περιστάσιμα η ταῦτα εβδ. αἱ αρχαὶ ταῦτα

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

Ἐβεβοδός τρισὶ τῷς ἔτος γένεα, αἴβε, ἐβδόλιον  
σὺν ἵστη. πάλιν ἐπεὶ ήταν δύται, δυσὶ τῷς ὑπὸ<sup>τό</sup> πὸ δύτε, εἰβαῖσης. κοινὴ περισκείσθω, ή υπὸ<sup>τό</sup> αἴγι, αἴρει γωνίαν, αἴ ταν δύται, αἴβυ τρισὶ<sup>τό</sup> τῷς ἔτος δύτε, είσα, αἴβυ ἵστη εἰστιν. εἰδείχθη  
οὐδὲν δέ, καὶ αἴ ταν γένε, εἰβοδός τρισὶ τῷς  
ἵστη. τὰ δέ ταῦτα μίσθια: οὐδὲ ἄλλη λοις εἶναι ἴστη.  
καὶ αἴ ταν γένε, εἰβοδός τρισὶ τῷς δύται,  
αἴβυ, ἵστη εἰστιν. ἀλλὰ αἴ ταν γένε, εἰβοδός δύο  
ὅρθαι εἰστι. καὶ αἴ ταν δύται, αἴβυ αἴρει δυσὶν ὄρθαις  
ἵστη εἰστιν. Συμπέρεσμα.) Ως δὲν αἴρει  
δύται επ' δύταις σεθεῖση γωνίας ποιῆι: ητοι  
δύο ὄρθαις, η δυσὶν ὄρθαις ἴστης ποιῆσι. οὐδὲ δέ  
δειξαμεν.

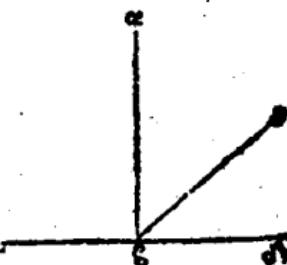
## Πρότασις ιδ. θεώρημα.

Αν περές τινι δύται, καὶ ταῦτα περές αὐτῇ σημείῳ: δύο δύται μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη  
ποιεῖσθαι τὰς εφεξῆς γωνίας, δυσὶν ὄρθαις ίστης ποιῶσιν: επ' δύταις φουνταριές, ἀλλήλαις αἱ  
δύται.

Εκζετισ.) Πρὸς γένειν δύται τῇ αἴβη, Καὶ τῷ  
περές αὐτῇ σημείῳ τῷ βόρειον δύο δύταις αἱ δύται.  
Βόρειον μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καίματα: τὰς εφε-

ξῆς

Ἐῆς γωνίας τὰς ὡσὸβιγ, ἀβδ, δύσιν ὁρθαῖς  
ἴσαις ποιήτωσιν. Διορισ-  
μὸς.) Λέγω ὅπερ' οὐθεί-  
ας εἶ: τῇ γυβὴ βδ. Κατα-  
σκευὴ.) Εἰ γδ μη̄ εἶ: τῇ γυ  
ἐπ' οὐθείας ἡ βδ: εἴσω τῇ  
γυβὲπ' οὐθείας ἡ βδ. Από  
δεῖξις.) Επεὶ μὴ οὐθεία ἡ ἀβ, ἐπ' οὐθείαν τὰ  
γυβὲ ἐφέσπιχεν: αἱ ἄρχαι ὡσὸβιγ, ἀβε γωνίαι:  
δύσιν ὁρθαῖς ἴσαις εἰσὶν. εἰσὶ δὲ καὶ αἱ ὡσὸβιγ,  
ἀβδ, δύσιν ὁρθαῖς ἴσαι. αἱ ἄρχαι ὡσὸ γυβα,  
ἀβε: ταῦς ὡσὸ γυβα, ἀβδ ἴσαι εἰσὶ. κοινὴ ἀ-  
φηρέθω, ἡ ὡσὸ ἀβχ. λοιπὴ ἄρχαι ἡ ὡσὸ  
ἀβε: λοιπὴ τῇ ὡσὸ ἀβδ εἶναι ἴση. ἡ ἐλάσσω  
τῇ μείζονι. ὅπερ ἐδίναν ἀδύνατον. σὸν ἄρχαι ἐπ'  
οὐθείας εἶναι ἡ βε, τῇ βγ. ὁμοίως δὴ δεῖξομεν,  
ὅτι καὶ δὲ ἄλλη τὶς, ταλαιπωτὴς βδ. Συμπέρεσ-  
μα.) Επ' οὐθείας ἄρχαι εἶναι ἡ γε, τῇ βδ. Εὰν  
ἄρχαι ταῦς τινι οὐθείᾳ καὶ τῷ ταῦς αὐτῇ ση-  
μείῳ: δύο οὐθείαι μὴ ὥπει τὰ αὐτὰ μέρη κεί-  
νουσαι: τὰς ἐφεξῆς γωνίας δύσιν ὁρθαῖς ἴσαις  
ποιῶσιν: ἐπ' οὐθείας ἔσονται ἄλλήλαις αἱ οὐ-  
θείαι. ὅπερ ἐδεῖξαν.



## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Πρότασις ιε. Γεώργιου

**Ε**Αν δύο οὐθεῖαι, τέμνωσιν ἀλλήλας: τὰς κατὰ κορυφὴν γυνίας, ἵστις ἀλλήλας ποιήσοτε.

Εκφεσις.) Δύο γένδειαι αἱ ἄβ., γέδ.: περινέῳωσιν ἀλλήλας, κατὰ τὸ εἰσηγμένον. Διογέτης.) Λέγω ὅπις ἴση ἐστὶν, η̄ μὲν ψεύτης αεγ̄, γυνία, τῇ ὑπὸ δέβει: η̄ δὲ ὑπὸ γέβ, τῇ ὑπὸ αεδ. Απόδειξις.) Επεὶ γένδεια η̄ αε: ἐπ' εὐθείαν, τὰς γέδης ἐφέσηκε, γυνίας πικσατὰς ὑπὸ γεᾶ, αεδ: αἱ ἄρχαι ὑπὸ γεᾶ, αεδ γυνίας: δυσὶν ὁρθαῖς εἰσηγμένοις. πάλιν ἐπεὶ εὐθείᾳ η̄ δέ, εἴστι εὐθείαν τὰς ἄβ. εφέσηκε: γυνίας πικσατὰς ὑπὸ αεδ, δέ β. αἱ ἄρχαι ὑπὸ αεδ, δέβ γυνίας: δυσὶν ὁρθαῖς ἴστιν. ἐδείχθησαν δὲ καὶ αἱ ὑπὸ γεᾶ, αεδ: δυσὶν ὁρθαῖς ἴστη. αἱ ἄρχαι ὑπὸ γεᾶ. αεδ: ταῖς ὑπὸ αεδ, δέβ, ἴστη εἰσὶν. κοινὴ ἀφηρήθω η̄ ὑπὸ αεδ. λοιπὴ ἄρχαι η̄ ὑπὸ γεᾶ: λοιπὴ τῇ ὑπὸ βεδίση εἶται. ὄμοιως δὴ δειχθήσεται ὅπις καὶ ὑπὸ γέβ, δέ αἱ ἴστη εἰσὶν. Συμπέρεια.) Εὰν ἄρχαι δύο εὐθείαι, τέμνωσιν ἀλλήλας

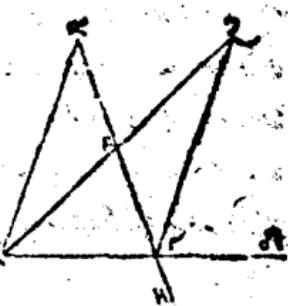
λήλας: τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας, ἵστις ἀλλήλας ποιῶσιν. οὐδὲ εἰδεῖ δεῖξαι.

Πόρος μα. Εἰ δὴ ταῦτα Φανερὸν, ὅπικοῦ ὄσμη δῆποτ' οὐ εὑθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας: τὰς περὶ τὴν τοιμὴν γωνίας, πεπάσταις ὁρθαῖς ἵστις ποιήσουσι.

Πρότασις 15. Θεώρημα.

**Π**Αυτὸς τοιγάντα, μᾶς τῶν πλευρῶν περιεχεῖ ὀκτώλιθεσσιν ἐκτὸς γωνία, ἐκατέρεξες τὴν τοιμὴν γωνίαν.

Ἐκθεσις.) Εῖσω τοιγάντα, τὸ ἀβγγεῖον περιεκτεῖ  
Ἐλήματα αὐτὸς μία πλευρὰν  
ῥὰν βῆ, ἐπὶ τὸ δ. Διορισμὸς.) Λέγω ὅτι ἡ ὀκτὸς γωνία  
νιά ὑπὸ ἀγδιμείζων εἶναι  
ἐκατέρεξε τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον: τῶν ὑπὸ<sup>το</sup> γε βέβαιαν γωνιῶν. Καθαρεύ.) Τετρικότω  
ἡ αγδιχακατὰ τὸ έπικλεψεύχθειον βέβαιον  
ἐκβεβλήματων ἐπὶ τὸ ζ: καὶ κείμεται τῇ βέβαιᾳ, ἵστις  
ἡ εγγὺς καὶ ἐπεργεύχθω ἡ γεγονότων διπλήθων ἡ αγδιχθωτικότητα,  
ἐπὶ τὸ η. Απόδειξις.) Επεὶ οὐδὲν ἴση εἶναι η μὲν  
ατε, τῇ εγγ. η δὲ βέβαιη, τῇ εγγ.: δύο δημιουραῖς εἰς βέβαιον



## ΕΤΚΑΕΙΔΟΤ

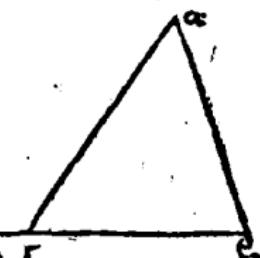
δυσὶ ταῖς γῇ, ἐγίση εἰσὶν ἐκάτερα ἐκαλέρα: καὶ γωνία ὑπὸ αὐτοῦ, γωνία τῇ ὑπὸ ζεῦ ἵση ἐτίν. κατὰ κορυφὴν γὰρ. Βάσις ἀρχή αὐτοῦ, βάσις τῇ ζεύ ἵση εῖται: καὶ τὸ αὐτεῖ τρίγωνον, τῷ ζεδ τρίγωνῳ εἶται ἵσον: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ταῖς λοιπαῖς γωνίαις, ἵση εἰσὶν ἐκάτερα ἐκατέρα ὑφ' αἷς αἱ ἵσαι τῶν δύο τείχουσιν. ἵση ἀρχεῖται ἡ ὑπὸ βαῖς, τῇ ὑπὸ ἐγένετο: μείζων δὲ ἐτίνης ἡ ὑπὸ εγένετο, τῇς ὑπὸ εγένετο: μείζων ἀρχῆς ἡ ὑπὸ αὐγῆς, τῆς ὑπὸ βαῖς, ὁμοίως δὲ τῆς βῆματος δίχα: δειχθόσται καὶ ἡ ὑπὸ βυῆς. τετέτειν ἡ ὑπὸ αὐγῆς, μείζων καὶ τῆς ὑπὸ αὐγῆς. Συμπέρασμα.) Παλτὸς ἄρα τρίγωνος, μιᾶς τῶν τωλιδρῶν περιστεκτοῦσας: ἡ σκτὸς γωνία, ἐκαλέρας τῶν σκτὸς καὶ ἀπεναντίον μείζων ἐτίν. ὅπερ ἔδει φείξαμεν.

Πρότασις: Ζεώρημα.

**Π**Αντος τρίγωνος, αἱ δύο γωνίαι: δύο ὄρθων ἐλάσονες εἰσὶ, πάντη μεταλαμβανόμεναι.

Ἐπίθεσις.) Ετσι τρίγωνον, τὸ αὐτοῦ. Διοργόμενος.) Λέγω ὅπερ ἔτι αὐτοῦ, τρίγωνος, αἱ δύο γωνίαι: δύο ὄρθων ἐλάσονες εἰσὶ, πάντη μεταλαμ-

λαμβανόμεναι. Κατα-  
σκούπη.) Εκβεβλήθω γάρ  
ἡ βῆγ, επὶ τὸ δ. Απόδει-  
ξις.) Καὶ ἐπεὶ τριγώνος ἡ  
αβῆγ σκῆπτρος ἐσι γωνία ἡ υ-  
πὸ ἄγρο: μείζων ἐσὶ τὸ σκ. δι. τ.



τὸς καὶ ἀπ' σκαντίον, τῆς υπὸ αβῆγ. κοινὴ  
περισκείδω, ἡ υπὸ αβῆγ, αἱ ἄρα υπὸ ἄγρο,  
ἄγρο, τῶν υπὸ αβῆγ, οὐαὶ μείζονες εἰσὶν: αλλὰ  
αἱ υπὸ ἄγρο, άγρο, δύσιν ὁρθαῖς ίσους εἰσὶν. αἱ  
ἄρα υπὸ αβῆγ, οὐαὶ, δύσιν ὁρθῶν ἐλάσσονες εἰ-  
σιν. ὅμοιας δὲ δεῖξομεν: δτι γ αἱ υπὸ βαγ,  
άγρο: δύσιν ὁρθῶν ἐλάσσονες εἰσὶν: οὐαὶ υπὸ  
άγρο, αβῆγ. Συμπέρασμα.) Παντὸς ἄρα τρι-  
γώνος, αἱ δύσιν γωνίαι: δύσιν ὁρθῶν ἐλάσσονες εἰσι  
πάντη μεταλαμβανόμεναι. οὐαὶ ἐδει δεῖξα.

Πρὸτεροις ιη. Φτώρημα.

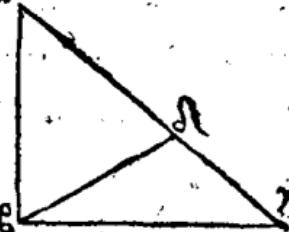
**Π**λῆτος τριγώνος, η μείζων πλεύρα: τῶν μεί-  
ζονα γωνίαν ωστενει.

Εκθεσις.) Εσω τριγώνον, τὸ αβῆγ, μείζονα  
ἔχον τὴν αὐτὴν πλεύραν, τῆς αβ. Διοργομοσα.)  
Λέγω ὅπερ οὐαὶ γωνία ἡ υπὸ αβῆγ: μείζων ἐσὶ, τῆς  
υπὸ

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

ὑπὸ βγᾶ. Κατασκευῆ.) α

Ἐπεὶ γὰρ μείζων ἐστιν ἡ αὐγή,  
τῆς ἀβ: κείσθω τῇ ἀβ ἕ-  
στη ἀδ: καὶ ἐπεί γένεται, ἡ  
βδ. Απόδειξις.) Καὶ ἐπὶ τῷ  
τριγώνῳ ἔβδομῷ: σκίας ε-

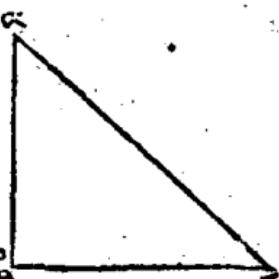


γωνίαν ὑπὸ ἀδβ: μείζων ἄρα ἐστὶ τῆς συ-  
τὸς, καὶ ἀπὸ συντίον, τῆς ὑπὸ δύο β. Ισηδεῖη ὑ-  
πὸ ἀδβ: τῇ ὑπὸ ἀβδ. ἐπεὶ καὶ πλάγια ἡ ἀβ:  
τῇ ἀδ ἐστιν ίση. μείζων ἄρα καὶ ὑπὸ γβδ, τῇ  
ὑπὸ αγβ. πολλῷ ἄρα καὶ ὑπὸ αβγ μετων ἐστὶ,  
τῆς ὑπὸ αγβ. Συμπέρασμα.) Πανὸς ἄρα  
τριγώνῳ, ἡ μείζων πλάγια πλὴν μείζονα γω-  
νίαν υποτείνει. οὗτος ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις ιθ. Ιεώρημα.

**Π**Αντὸς τριγώνων, ὑπὸ τῶν μείζονα γωνίαν:  
ἡ μείζων πλάγια ὑποτείνει.

Ἐκθεσις.) Εῖσω τρίγω-  
νου τὸ ἀβγ, μείζονα ἔχον  
τὴν ὑπὸ ἀβγ γωνίαν: τῆς  
ὑπὸ βγᾶ. Διορισμὸς.) Λέ-  
γωστε οὐ πλάγια ἡ αὐγή:



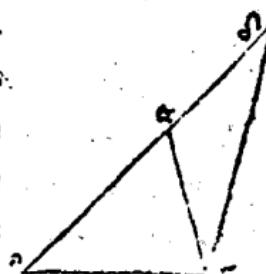
πλάγια

πλευρὰς τῆς ἀβ μείζων ἐστιν. Διπόδειξις.) Εἰ  
δὲ μὴ, ὅτοι ἴση ἐστιν η ἄγ., τῇ ἀβ, η ἐλάσσων.  
ἴση μὲν οὖν σὸν ἐστιν η ἄγ., τῇ ἀβ. ίση γὰρ η  
καὶ γωνία η ὑπὸ ἀβγ. τῷ υπὸ ἄγβ. σὸν ἐστι δέ,  
σὸν ἄραι ίση ἐστιν η ἄγ., τῇ ἀβ. οὐ δὲ μικρὸν ἐλάσ-  
σων ἐστιν η ἄγ., τῇ ἀβ, ἐλάσσων γὰρ η καὶ γω-  
νία η ὑπὸ ἀβγ.: τῆς υπὸ ἄγβ. σὸν ἐστι δέ. σὸν  
ἄραι ἐλάσσων ἐστιν η ἄγ., τῇ ἀβ. ίδειχθη δέ,  
ὅπερ δὲ ίση ἐστι. μείζων ἄραι η ἄγ., τῇ ἀβ. Συμπέρασμα.) Παντὸς ἄρα τριγώνου ὑπὸ τῶν  
μείζονα γωνίαν: η μείζων πλευρὰ τοστείνει.  
ὅπερ οὐδεὶς δεῖξα.

Πρότασις κ. Θεώρημα.

**Π**Ανήσ τριγώνου, αἱ δύο πλευραὶ: τῆς λοιπῆς  
πῆς μείζονες εἰσι, πάντη μεταλαμβανό-  
μεναι.

Ἐκθεσις.) Εῖναι γὰρ τρί-  
γωνον τὸ αβγ. Διοργα-  
νός.) Λεγω ὅτι διαβήτη τρι-  
γώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῆς  
λοιπῆς μείζονες εἰσι πάν-  
τη μεταλαμβανόμεναι, αἱ  
μὲν βα, ἄγ., τῇ βγ: αἱ δὲ αβ, βγ: τῆς ἄγ.



## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

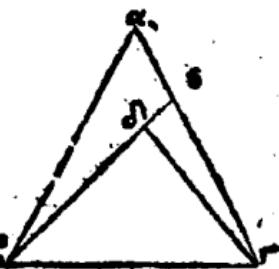
αἵδε, βῆ, γᾶ: τῆς ἀβ. Καπασκευὴ.) Διηγθεῖ  
γὰρ ἡ θά εἰπε πόλιν σημεῖον: καὶ κείθω τῇ γῇ  
ἴση ἡ δᾶ: καὶ ἐπεζεύχθω ἡ δῆ. Απόδειξις.) Εἰ  
πεὶ δὲ ίση εἰν ἡ δᾶ, τῇ αὐτῇ. ίση εἰν καὶ γα-  
νία ἡ ὑπὸ ἀδγ.: τῇ ὑπὸ ἀγδ. ἀλλ' ἡ ὑπὸ βῆδ  
γανία: τῆς ὑπὸ ἀγδ μείζων ἐστι. μείζων ἄρα  
ἡ ὑπὸ βῆδ: τῆς ὑπὸ ἀδγ. καὶ ἐπεὶ τρέιγων ονει-  
στὶ τὸ δβῆ, μείζονα ἔχον τὰ ὑπὸ βῆδ γα-  
νίαν, τῆς ὑπὸ ἀδγ.: ὑπὸ δὲ τῶν μείζονα γανία  
ἡ μείζων πλευρὰ ταστεῖνει. ἡ δὲ ἄρα, τῆς  
βῆ ἐστιν μείζων. ίση δὲ ἡ δβ, ταῖς ἀβ, αὐτῷ. μεί-  
ζονες ἄρα αἱ βά, αὐτῷ, τῆς βῆ. ὅμοίως δὴ δεί-  
ξομεν ὅτι καὶ μὲν ἀβ, βῆ: τῆς γὰ μείζονες  
εἰσὶν. αἱ δὲ βῆ, γᾶ: τῆς ἀβ. Συμπέρασμα.)  
Παντὸς ἄρα τρέιγώντων, αἱ δύο πλεύραι: τῆς  
λοιπῆς μείζονές εἰσι, πάντη μεταλαμβανόν  
μνατ. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Πρότασις κα. Γεώργιου.

**Ε**Αν τρέιγώντων, ἐπὶ μᾶς τῶν πλευρῶν: δοῦ  
τῶν περάτων δύο βέθεῖαι ἐντὸς συστεθῶν  
σι: αἱ συστεθεῖσαι, τῶν λοιπῶν δύο τρέιγώντων  
δύο πλεύρων, ἐλάττονες μὲν ἔσονται; μείζονες  
δὲ γανίαι πλεύεται;

Ἐγένετο.

Ἐκθετις.) Τριγώνον γέμεται αριθμός, ὅπου μᾶς τῶν πλευρῶν τῆς ένος δύο τῶν περάτων των βαθμών είναι σύνορος συνεισάθωσαν: αἱ βαθμοὶ δύο. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅποι αἱ δύο, δύο: τῶν λοιπῶν τὰ τριγώνου δύο πλευρῶν, τῶν βαθμῶν αριθμοῖς μὲν εἰσὶ: μείζονα δὲ γεωνίαν περιέχουσι: τίνι τοῦτο βαθμός, τῆς τοῦτο βαθμού. (Καλασκευὴ.) Διηγήθω γέμης δύο, ὅποι τὸ εἶδος. (Απόδειξις.) Καὶ ὅποι παντὸς τριγώνου: αἱ δύο πλευραὶ, τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι. τὰ αβεῖσθαι τριγώνου, αἱ δύο πλευραὶ αἱ αβαῖς, αἱ τῆς βαθμού μείζονές εἰσι. καὶ τὴν περισκεπτωθήτην. αἱ δύο βαθμοὶ, αριθμοὶ: τῶν δύο, δύο, μείζονές εἰσι. πάλιν ἐπει τὰ γεδι τριγώνου: αἱ δύο πλευραὶ αἱ γεδι, δύο, τῆς γεδι μείζονές εἰσι. καὶ τὴν περισκεπτωθήτην δύο: αἱ γεδι, δύο, αβαῖς, τῶν γεδι, γεδι μείζονές εἰσιν. ἀλλὰ τῶν δύο, δύο, μείζονές εἰσιν. πάλιν ἐπει παντὸς τριγώνου: η ἕκτος γεωνία, τῆς ἕκτος καὶ ἀπεναντίον μείζονές εἰσι. τὰ γεδιαὶ τριγώνου: η ἕκτος γεωνία η τοῦτο βαθμός, μείζονές εἰσι τῆς



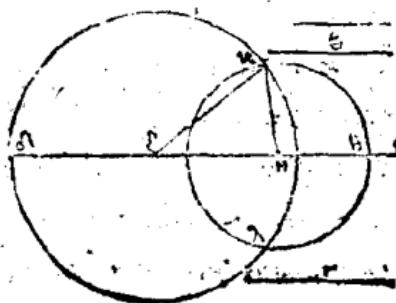
ΕΤΚΛΕΙΩΣΩ

ταῦθήν. Διὸ τὰ αὐτὰ ἀράκη τῷ αἵτε τριγώνου: οὐ κέπτος γωνία, οὐ ταῦθήν γεβρέων εἰσὶ, τῆς ταῦθη βαγ. ἀλλὰ τῆς ταῦθη γεβρ, μετρίων ἐδέχθη ταῦθη βδῆ. πολλῶν ἀράκη ταῦθη βδῆ: μετρίων εἰσὶ τῆς ταῦθη βαγ. (Συμπέρασμα.) Εαὐτὸς ἀράς περιγάνει, ἀπό μᾶς τὴν πλευρῶν δύο τῶν περάτων: δύο διθέαις κατὰς συστῶσιν: αἱ συστεῖσαι, τὴν λοιπῶν τοῦ περιγάνει δύο πλευρῶν, ἐλάτιστοις μέρεσιν μετρίονται γωνίαν πειράζονται. οὗτοι ἐδειπέραι.

Πρότασις ΑΒ. Πρόβλημα.

**Ε**Κ τριῶν διθέαιων: αἱ εἰσὶν λογικὲ τρίτη ταῖς δοθεῖσαις διθέαιαις: τρίγωνον συστήσασθαι. Δῆτι δὴ τὰς δύο, τῆς λοιπῆς μετρίους εἶναι: πάντη μετελαμβανομένας. Διὸ τὸ οὐ πάντας τριγώνους: τὰς δύο πλευρὰς, τῆς λοιπῆς μετρίους εἶναι, πάντη μετελαμβανομένας.

Εκθεσις.) Εσώσαν αἱ δοθεῖσαι τρίτης διθέαιας αἱ διθέαιαις, βαγ., ὡν αἱ δύο, τὴν λοιπής μετρίους εἴσωσαν, πάντη με-



παλαιό-

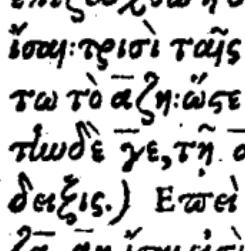
πελαμβανόμενα, αἱ μὲν α, β, τῆς γ, αἱ δὲ α,  
γ, τὸ β, καὶ ἐπαί β, γ, τῆς α. (Διορισμὸς.)  
Δεῖ δὴ σκητῶν ἴσων ταῖς α, β, γ, τρίγυωνον συ-  
στήσασθαι. (Κατασκεῦα.) Εκκένωτω τίς εὐ-  
θεῖα ἡ δε, περιεργούμενη μὲν κατὰ τὸ δι, ἀπ-  
ό το δεκάρια τὸ ε, καὶ κένωτω τῇ μὲν αἰση, η  
δη, τῇ δὲ β, ιοη η ζη, τῇ δὲ εγ, ιοη η ηθ. καὶ  
κέντρῳ μὲν τῷ ζ, Διαστήματι τῷ ζδ, κύκλος  
γεγράφθω, οἱ δὲ λ. καὶ πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ  
η, Διαστήματι δὲ τῷ ηθ, κύκλος γεγράφθω  
οἱ ηλθ. καὶ ἐπεξίχθωσαν αἱ κη. (Διορισ-  
μὸς τῆς κατασκεύης.) Λέγω ὅποι σκητῶν  
διθεῖῶν ἴσων ταῖς α, β, γ, τρίγυωνον συστή-  
σηκε τὸ κζη. (Απόδειξις.) Επεὶ γδ τὸ ζ σημεῖον, κέντρον εἴη τῷ δικλί κύκλῳ, ιοη εἰσὶν η ζδ,  
τῇ ζκ, ἀλλὰ η ζδ τῇ αεισὶν ιοη. καὶ η κζ ἄρετε  
τῇ α εἰσὶν ιοη. πάλιν δὲ τὸ η σημεῖον, κέ-  
ντρον εἰσὶν τῷ λιθ κύκλῳ, ιοη εἰσὶν η ηθ, τῇ ηκ.  
ἀλλὰ η ηθ, τῇ γ εἰσὶν ιοη. καὶ η κη ἄρετε, τῇ  
γ εἰσὶν ιοη. εἰ δὲ καὶ η ζη: τῇ β ιοη. αἱ τρεῖς  
άρετε διθεῖαι, αἱ ηζη ζη, ηκ: τριστήλαις α, β, γ  
ἴσαι εἰσὶν. (Συμπλεγασμός.) Εκ τριῶν ἀρετῶν  
διθεῖων τῶν κζη, ζη, ηκ: αἱ εἰσὶν ίσαι τρεῖσι  
ταῖς διθείσαις διθείαις ταῖς α, β, γ: τρίγυ-

ΕΓΚΛΕΙΑ ΟΥ  
νον σωμάτων, τὸ κῆρ. ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις καὶ πεόβλημα.

ΠΡὸς τὴν δοθείσην θέσια: καὶ τῷ πέδῳ αὐτῇ  
σημεῖον: τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ θύραμμα:  
ἴσην γωνίαν θύραμμον συσήσσαται.

Εκθετις.) Ενώ μὲν δο-  
θεῖσαι θέσια ἡ ἀβ: τὸ δὲ  
πέδον αὐτῇ σημεῖον τὸ ἄ:   
ἡ δὲ δοθεῖση γωνία θύ-  
ραμμα, η ὑπὸ δγέ.  
(Διορισμὸς.) Δεῖ δὴ πέδος

τῇ δοθείσῃ θέσιᾳ τῇ ἀβ: καὶ τῷ πέδῳ αὐτῇ  
σημείῳ τῷ ἄ: τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ θύραμ-  
μα, τῇ υπὸ δγέ: ίσην γωνίαν θύραμμον  
συσήσσαται. Κατασκευὴ.) Εἰλήφθω ἐφ' ἑκά-  
θερος τῶν γδ, γε: τυχόντα σημεῖα τὰ δ, ἄ: καὶ  
ἐπεζύχθω ἡ δέ: καὶ ἐπ τριῶν θύραν αἱ εἰσιν  
ἴσαι: τρισὶ ταῖς γδ, δέ, γε: τείγωντα σωεῖσά-  
τω τὸ αἰγῆ: ἀσείσονται τὰ μὲν γδ, τῇ αἰ:   
τὰ δὲ γε, τῇ ἄη: καὶ ἐπ τὰ δέ, τῇ γῆ. (Απο-  
δειξις.) Εωτεί γν αἱ δύο αἱ δγ, γε: δύστι ταῖς  
ζα, αη, οἷαι εἰσὶν ἑκάπερ εἰσερχεσθαι: καὶ βάσις  
ἡ δέ, βάσις τῇ γῇ ιση. γωνία ἄρεται τὸ δγέ,

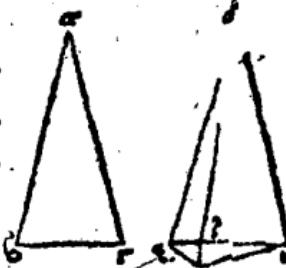
γωνία

γωνία τῇ ὑπὸ γαῖ ἐξὶν ἵστ. (Συμπλέχομεν)  
Πρὸς αὐτὴν τῇ δύθείσῃ ἐνθεία τῇ ἀβ: καὶ τὰ  
πέδια αὐτῇ σημείῳ τῷ α: τῇ δύθείσῃ γωνίᾳ  
ἐνδυ χράμμῳ: τῇ ψεύδῃ, ἵστ γωνίᾳ ἐνδύ-  
χράμμῳ σωίσα), ἡ ψεύδη γαῖ ὅπερ ἔδει πο-  
νοῦμ.

Πρότασις καθ: θεώρημα.

**Ε**άν δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς, τὰς  
δυσὶ πλευραῖς ἴσαις ἔχη, ἐκάπερ ενέψε-  
ρε: τὰ διαγωνία τῆς γωνίας μείζονα ἔχη,  
τὰς ψεύδης τριῶν ἵστων ἐνθείαν πειραμάντων: καὶ  
τὰ βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξει.

Ἐκθεσι. ) Εῖσαν δύο τρίγωνα, τὰ ἀντί, διῃ:  
τὰς δύο πλευρὰς τὰς ἀβ, ἀγ: τὰς δυσὶ<sup>ς</sup>  
πλευραῖς, τὰς δέ, δ?<sup>?</sup>, ἴσαις ἔχοντας ενέψερος  
ἐκάπερε: τὰ μὲν ἀβ, τῇ δέ:<sup>?</sup>  
δέ: τὰς δέ γα, τῇ δ?<sup>?</sup>: γω-  
νία δὲ ἡ ψεύδη βαγ, γω-  
νίας τῆς ψεύδης ἔδει μείζων  
ἔστω. (Διορεσμὸς.) Λέγω  
ὅπη καὶ βάσις ἡ βαγ: βά-  
σεως τῆς εἰ, μείζων ἵστ. (Κατασκευὴ.) Ε-  
πεὶ γδ μείζων ἵστη ἡ ψεύδη βαγ γωνία: τῆς  
ψεύδης γωνίας: σωβεσάτω πέδες τῇ δέ δ-



ΕΤΚΑΕΙΔΟΥ

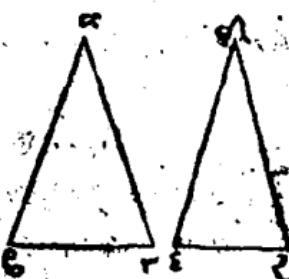
Θεία: καὶ τὸ πέδος αὐτῆς σημεῖώ τῷ δὲ τῇ υπὸ<sup>τό</sup>  
βαγ γωνίᾳ: ἵστη ἡ πτῶο ἑδη. καὶ κείμεθα ὅποι ε-  
ρετῶν ἄγ, δῆ, ἵστη ἡ δῆ: καὶ ἐπειδύχθωσαι,  
αἱ πεζη, ζη. (Απόδεξις.) Εἰσεῖσθε ἵστη ἐτίνη μήδη  
ἄβ, τῇ δὲ ἡ ἄγ, τῇ δῆ: δύο δῆαι βά, αγ:  
δυσὶ τῷς ἑδ, δῆισι εἰσὶν ἐκάπερε χαλέρα,  
καὶ γωνία ἡ υπὸ βαγ, γωνία τῇ πτῶο ἑδη, ἵστη  
ἐτίνη. Βάσις ἀρχὴ ζη, βάσις τῇ επ., ἐτίνη ἵστη. πά-  
λιν, ἐπειδύση ἐτίνη ἡ δῆ, τῇ δῆ: ἵστη ἐτίνη καὶ γω-  
νία ἡ πτῶο δῆ: γωνία τῇ πτῶο δῆ ζη. μείζων  
ἀρχὴ υπὸ δῆ: τῆς υπὸ ἑδη: τὸ πτῶο ἑδη. πολλῶν ἀρχα μέσ-  
ζων ἐτίνη ἡ υπὸ ἑδη: τὸ πτῶο ἑδη. καὶ ἐπειδὺ τοῖς  
γωνόν ἐτίνη, τὸ ἑδη: μείζονα ἔχον τὸν υπὸ ἑδη  
γωνίαν τῆς υπὸ ἑδη: τὸ πτῶο δὲ τὸ μείζονα γω-  
νίαν, ἡ μείζων ἀλευρὰ ἵστοτένει. μείζων ἀ-  
ρχὴ καὶ ἀλευρὰ ἡ επ.: τῆς ἑδη. ἵστη δίετη επ., τῇ  
βῆ. μείζων ἀρχὴ καὶ η βῆ, τῆς ἑδη. (Συμπε-  
ρασμα.) Εάν ἀρχὴ δίυο τρίγωνα, τὰς δύο  
πλεύρας, τῷς δυσὶ ἀλευραῖς ἴσις ἔχῃ ἐκα-  
τέραν χαλέρα: τὸν δὲ γωνίαν τῆς γωνίας  
μείζονα ἔχῃ: τὸν πτῶο τῶν ἴσων δύοιῶν πε-  
ριεχομένων: καὶ τὸν βάσιν τῆς βάσεως μεί-  
ζονα ἔχει. ὅποι ἑδει δεῖξαι.

## Πρότασις κ. τε. Γεώργιον

EQU

**Ε**αὶ δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς, τὰς διυσὶ πλευραῖς ἵσται ἔχει ἐκπέραν ἐκπέραν τὸν βάσιν δὲ τῆς βάσεως, μείζων ἔχη τὴν γωνίαν, τῆς γωνίας μείζων εἶναι τὸν υπὸ τῶν ἵστων δύναμιν πλευρόντων πλευρών.

**Εκθεσις.**) Εῖσθαι δύο τρίγωνα τὰ αἴγι, δέξι, τὰς δύο πλευρὰς: τὰς αἰγαῖς, αἴγι, πᾶς δυσὶ πλευραῖς πᾶς δέξι, δέξι, ἵσται ἔχοντας ἐκπέραν ἐκπέραν τὸν μὲν τὸν αἴγι, τῇ δέ: τῷ δέ αἴγι, τῇ δέ βάσις σὺν ἡ δύναμι βάσεως τῆς εἴδους, μείζων εἶσι. (Διορισμὸς.) Λέγω ὅπι καὶ γωνία, η τὸν βαῖγον γωνίας τῆς τοῦτο εἴδους, μείζων εἶσιν. (Απόσταττις.) Εἰ γὰρ μὴ, οὐτοισι οὐτε τῷ μὲν εἴδει τῷ εἰλάστων. Ιση μὲν τὸν σύνεται η τὸν βαῖγον γωνίας τῇ υπὸ εἴδους ιση, καὶ η βάσις η δύναμις: βάσις τῇ εἴδους σύνεται. Σύν αραι ιση οὐτε τῷ μὲν εἴδει τῷ εἰλάστων. εἰλάσων καὶ οὐτε, καὶ βάσις η βάσις: βάσεως τῆς εἴδους σύνεται. Σύν αραι εἰλάσων οὐτε τῷ μὲν εἴδει τῷ εἰλάστων βαῖγον γωνία: τῇ τοῦτο εἴδους εἰδούσι θησιν σὺν οὐτε τῷ μείζων προσαΐσται η υπὸ βαῖγον γωνία: τῆς τοῦτο, εἴδους.



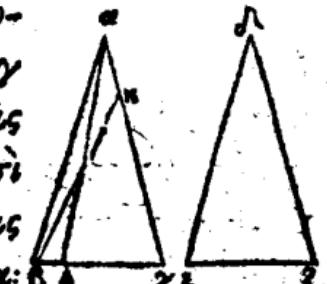
ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ

(Συμπλέγμα.) Εαν ἄρεται δύο τρίγωνα, τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύο πλευραῖς δυσὶ πλευραῖς ἵσται ἐχητέρου ἐκπλέρει: τὸν δὲ βάσιν, τῆς βάσεως μείζονα ἔχει: καὶ τὸ γωνίαν, τῆς γωνίας μείζονα ἔχει: τὸν ψαῦτον τῶν ἴσων οὐδεῖς ἀν πλευρομήνιων. ὅποιος ἔδειται δεῖξαι.

Πρότυπος κα. Ιεώρημα.

**E**ΛΛ οὗτος τρίγωνα, τὰς δύο γωνίας, τὰς δυσὶ γωνίας ἵσται ἐχητέρου ἐκπλέρει: καὶ μίαν πλευραν, μᾶς πλευρᾶς ἵσται: ητοι τὸ πέδον ταῖς ἴσαις γωνίαις: ή τὸν ψαῦτον εύνυχον ψαῦτον μιαν τῶν ἴσων γωνιῶν: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς, τὰς λοιπὰς πλευραῖς ἵσται ἐχει, ἐκπλέρει: καὶ τὸ λοιπὸν γωνίαν, τὴν λοιπὴν γωνίαν.

Βιθεσίς πεάτη. Ενώπιον δύο τρίγωνα, τὰ αἴσια διέ, τὰς δύο γωνίας: τὰς ψαῦτον αἴσια, βγα, δυσὶ ταῖς ψαῦτον διέ, εἰδο, ἵσται ἐχούτα, ἐκπλέρειν ἐκπλέρει: τὸ μὲν ψαῦτον αἴσια, τῇ ψαῦτον διέ: τὸ δὲ εὐπλέτη βγα, τῇ ψαῦτον εἰδο: ἐχέται διέ καὶ μίαν πλευ-



πλευραῖν, μιᾶς πλευρᾶς ἰσην: πέστερον τὸν πέδον.  
 ταῖς ἴσους γωνίαις, τὸν βῆ, τῇ εἰ. (Διορισμὸς περὶ Θεοῦ.) Λέγω ὅπερ καὶ τὰς λοιπὰς  
 πλευρὰς, τὰς λοιπὰς πλευρᾶς ἴσαις εἴχει  
 ἐκπέραν ἐκπέρα: τὸν μὲν αὐτόν, τῇ στέ: τὸν δὲ  
 ἄγ, τῇ δὲ: καὶ τὸν λοιπὸν γωνίαν, τῇ λοι-  
 πῇ γωνίᾳ, τὸν υπὸ βαθό, τῇ ψαρὸ ἐδέ. (Κα-  
 τασκευὴ περίτη.) Εἰ γάρ ἀνισός εἴη ἡ αὕτη, τῇ  
 στέ: μία αὐτῶν μείζων ἔσται. εἴσω μείζων, οὐ  
 ἄν, καὶ καίσθω τῇ δέ, ἵση ἡ θεός εἰς τὸ μέγαθον  
 τῆς. (Απόδειξις περίτη.) Επεὶ δὴ ἴση εἴσιν  
 μὲν βῆ, τῇ δέ: η δὲ βῆ, τῇ εἰ: δύο δὲ αἱ βῆ,  
 βῆ: δυσὶ ταῖς δέ, εἰς ἴσην εἰσὶν ἐκάπερα ἐκ-  
 πέρα: καὶ γωνία η ψαρὸ θεός: γωνία τῇ ψαρὸ,  
 δέ, ἴση εἴτε. Βάσις ἀραι η τῆς, βάσις τῇ γωνίᾳ  
 εἴτε: καὶ τὸ θυραῖον γωνιών, τῷ δέ, πριγώνῳ, ε-  
 στιν ἔσται: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, τὰς λοιπὰς  
 γωνίας ἴσαι ἔσσησι: ἐκάπερα ἐκπέρα, υφασ-  
 μένη ἴση πλευραὶ ἐκπέραν οὖσαι. ἵση ἀραι η υπὸ  
 τῆς γωνία, τῇ υπὸ δέ: ἀλλὰ η υπὸ δέ, τῇ  
 ψαρὸ βαθαῖ υπόκειται ἴση. καὶ η υπὸ βαθαῖ ἀραι,  
 τῇ υπὸ βαθαῖ ἴση εἴτε, η ἀλλασσων τῇ μείζονι.  
 ἔστι ἀδικία. (Συμπέρασμα περίτη.) οὐκ  
 ἀραι ἀνισός εἴη ἡ αὕτη, τῇ δέ, ἵση ἀραι. εἴτε καὶ

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

η Βγ, τῇ εὐστούδιο δη αἱ ἄν, Βγ: δύστοις  
δε, εὐστομοισὶν ἐκάπερα ἐκάλεσα: καὶ γωνία  
η τῶν ἀνγ: γωνία τῇ ὑπὸ δέξειν ἰση. Βά-  
σις ἀρχὴ ἀγ: Βάσις τῇ δέξειν: καὶ λοιπὴ  
γωνία ὑπὸ βαγ: λοιπὴ γωνία, τῇ ὑπὸ εδή-  
στησέν. (Εὐθεσις διδύλερα.) Αλλὰ δὴ πάλιν  
ἔσωσιν, αἱ ὑπὸ τὰς ισοις γωνίας πλευραὶ ὑ-  
ποτίενται μηδεμία: ὡς η ἀβ, τῇ σῆ. (Διορισμὸς  
διδύλερο<sup>④</sup>.) Λέγω πάλιν, ὅτι καὶ λοιπαὶ  
πλευραὶ, ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσαι, ἔσω-  
περι μὴ ἀγ, τῇ σῆ. οὐ δὲ βγ, τῇ εὐ: καὶ ἐπὶ η  
λοιπὴ γωνία, η τῶν βαγ: λοιπὴ τῇ ὑπὸ εδή-  
στησέν. (Κατασκευὴ διδύλερο<sup>5</sup>.) Εἰ γὰρ αὐτ-  
ός εἴτε η βγ, τῇ εὐ: μά αἰτῶν μείζων εἴτε.  
εἴσωει διωατὸν μείζων, η βγ: καὶ κατατῇ  
εὐστομη γθ: καὶ περιδύλεροη ἀθ. (Απόδεξις  
διδύλερα. Καὶ περιστησέντινοι μηδὲ βθ τῇ εὐ: η  
δὲ ἀθ τῇ δὲ: δύστοιδη αἱ ἄν, Βγ: δύστοις δὲ,  
εὐστομοισὶν ἐκάπερα ἐκάλεσα: καὶ γωνίας ἴ-  
σαις περιέχεται. Βάσις ἀρχὴ ἀθ, Βάσις τῇ δέ,  
ἴση εφε: καὶ τὸ ἀθθ πριγών, τῷ δέξειν πριγών  
ἴσου εἴτε: καὶ αἱ λοιπαὶ, γωνίας, παῖς λοιπαῖς  
γωνίας, ισοις ἔσωνται ἐκάπερα ἐκάλεσα: οὐ φάσι  
αἱ ισοις πλευραὶ ταῦται είνενσιν. ίση ἀρχὴ εἴτε

ἢ ὑπὸ

η ὑπὸ βθα γωνία: τῇ υπὸ εὗδ. ἀλλὰ οὐ πά  
εῖδ, τῇ υπὸ βγα γωνία εἰνι ιση: καὶ τῷ  
βθα ἄρα, τῇ υπὸ βγα εἰνι ιση. τριγώνος δὴ  
ἴσθι, η ἐκτὸς γωνία η υπὸ βθα: ιση εἰνι τῇ  
ἐκτὸς καὶ ἀπ' ἔναριστον, τῇ υπὸ βγα. οὐδὲ ἀδύ-  
νατὸν εἰνι. (Συμπέρασμα διπέρον. Εἰπεν  
ραΐνισσός εἰνι η βγ, τῇ εὗδ. ιση ἄρα. Εἰς δὲ οὐχ  
η ἀβ, τῇ δὲ ισηδύος δὴ αἱ ἀβ, βγ, δύοι τῆς  
δε, εὗδ, ισηείσιν ἐκάπερα ἐκάλερα: καὶ γωνίας  
ἴσιας ἀποίχουσι. Βάσις ἄρα η αγ, βάσις τῇ δῃ  
ιση εἰνι, καὶ τὸ ἄβγ τριγώνου, ταῦ δειδηγών  
νω ισιν εῖνι: καὶ η λοιπὴ γωνία, η υπὸ βθα:  
τῇ λοιπῇ γωνίᾳ, τῇ υπὸ εὗδ, ιση εἰνι. (Συμ-  
πέρασμα καθόλου.) Εαν ἄρα δύο τριγώνα,  
τὰς δύο γωνίας τῆς δύοις γωνίαις ίσιας ἔχη  
ἐκάπεραν ἐκάλερα: καὶ μίαν πλευρὰν μία  
πλευρᾶς ιση ἔχη: η τοι τὰς πέρος ταῦς ίσιας  
γωνίας: η τὰς υποθέσιν ουσαν υπὸ μίαν τῶν ί-  
σιων γωνιῶν: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς, τῆς  
λοιπῆς πλευρᾶς ίσιας ἔχει: καὶ τὰς  
λοιπέν γωνίαν: τῇ λοιπῇ γω-  
νίᾳ. οὐδὲ δειδηγών.

ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ  
ΤΟ ΔΕΥΤΕΡΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ-  
του τῷ συγχέου.

Πρότασις κχ. Γεώργη.

**Ε**άν εἰς δύο εὐθείας, εὐθείαις μηπίπλους, τὰς  
εὐθείας γωνίας ἵσται ἀλλήλαις ποιῆσαι  
εὐθείας εὐθείαν ἀλλήλαις αἱ εὐθείαι.

Εκφεσις.) Εἰς γὲ δύο εὐ-  
θείας τὰς αβ., γράψατε εὐθείας  
εὐπρόπλους ή εξ: τὰς συ-  
αλλαξ γωνίας τὰς ωστὸ-  
δεξ, εξγ.: ἵσται ἀλλήλαις  
ποιητῶ. (Διοργομὸς.) Λέ-  
γωσθεὶς περάληλος εἶται η ἀβ. εὐθεία, τῇ γρά-  
ψῃ εὐθεία. (Τπόζεσις.) Εἰ γὲ μὴ, σκιβάλλομεν  
αἱ ἀβ., γράψατε εὐθείας η τὰς σημεῖας τὰ β, δ, μέ-  
ρη, η σημεῖα τὰ α, γ. (Κατασκούη.) Εκβεβλή-  
θωσιν, καὶ συμπλέγτωσιν σημεῖα τὰ β, δ, μέ-  
ρη: καὶ τὸ η. (Απόδειξις.) Τεργάντις σημεῖον  
η εξ: η σημὸς γωνία η ωστὸ δεξ, μείζων εἶται τῆς  
εὐθείας καὶ ἀπεναντίον γωνίας, τῆς ωστὸ εξη.  
ἄλλα καὶ ἴση. ὅπερ εἴη ἀδιώλον. σὺν ἀρχαῖ  
αβ., γράψατε εὐθείας συμπλέγτη, σημεῖα τὰ  
6, δ.

Σ, δ, μέρη. Ομοίως δὴ δειχθήσεται, ὅπερ δὲ εί-  
ται τὰ αὐτά, αἱ δὲ ὅπλα μηδέπερ φατὰ μέρη συμ-  
πίπτουσι: παράλληλοί εἰσι. παράλληλοί  
ἄρα εἰνὶ η ἄβ., τῇ γδ. (Συμπέρασμα.)  
Εαν ἀρχεῖς δύο διδύναις, διθέντα ἐμπίπτουσι:  
τὰς συναλλάξ γωνίας ίσιας ἀλλήλαις ποιήσεις: πα-  
ράλληλοι ἔσονται αἱ διθέναι. ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

## Πρότοις καὶ θεώρημα.

**Ε**Αν εἰς δύο διθέναις: διθέντα ἐμπίπτουσα,  
τὴν κάτω γωνίαν, τῇ ἐντὸς ἐπέντεντίσιον,  
καὶ ὅπλι τὰ αὐτὰ μέρη ἴσια ποιῆσε: η τὰς ἐν-  
τὸς, καὶ ὅπλι τὰ αὐτὰ μέρη, δυσσιν ὁρθαῖς ίσιας  
ποιήσει: παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ δι-  
θέναι.

Ἐκθεσις.) Εἰς γδ δύο δι-  
θέναις τὰς ἄβ., γδ: εὐθεῖα  
ἐμπίπτουσαι εἰς τὴν κάτω  
γωνίαν, τὴν ταῦτα ἐηβ., τῇ  
ἐντὸς καὶ ἀπεναντίσιον γω-  
νία: τῇ ταῦτα ἐθεῖ, ισιν ποι-  
έτω: η τὰς ἐντὸς, καὶ ὅπλι τὰ αὐτὰ μέρη: τὰς  
ὑπὸ Κηθ., ηθδ., δυσσιν ὁρθαῖς ίσιας. (Διοργο-  
μὸς.) Λέγω ὅπι παράλληλος ἔστι η ἄβ., τῇ γδ.  
(Απ. -

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

(Απόδειξης.) Επεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ἔηθος,  
τῇ ὑπὸ ηθῷ ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ἔηθος, τῇ ὑπὸ ηθῷ  
ἐστὶν ἴση. καὶ ἡ ὑπὸ ηθῷ ἀρά, τῇ ὑπὸ ηθῷ  
ἐστὶν ἴση. καὶ εἰσὶν ἐναλλαξ· παράλληλοί· ἀ-  
ράς ἐστὶν ἡ ἀρά, τῇ γένος. Πάλιν ἐπεὶ αἱ ὑπὸ Βῆθος,  
ηθῶν· δύσιν ὄρθαις ἴσαι εἰσὶν· εἰσὶ δὲ καὶ αἱ ὑπὸ<sup>τοῦ</sup> ηθῶν,  
Βῆθος δύσιν ὄρθαις ἴσαι. αἱ ἀράς ὑπὸ ηθῶν,  
βῆθος ὑπὸ βῆθος, ηθῶν, ἴσαι εἰσὶ. καὶν ἀφη-  
ρήθω ἡ ὑπὸ βῆθος. λοιπὴ ἀρά, ἡ ὑπὸ ηθῶν·  
δύσιν τῇ ὑπὸ ηθῷ ἐστὶν ἴση. καὶ εἰσὶν ἐναλ-  
λαξ· παράλληλοί· ἀράς ἐστὶν ἡ ἀρά, τῇ γένος.  
(Συμπέρασμα.) Εαὐτὰς εἰς σύνοψίθείσας,  
δύθείσα ἐμπίπλουν· τὰς ἐκτὸς γωνίας τῇ ἐκ-  
τὸς Καπεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσην  
τοις· ἡ τὰς ἐκτὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δυ-  
σὶν ὄρθαις ἴσαις· παράλληλοι εἰσὶν) αἱ δύθείσαι·  
ὅπερ ἐδεῖ δεῖξαι.

## Πρότοις χθ. Γεώργια.

**Η**εὶς τὰς παραλλήλους δύθείσας, δύθείσα ἐμ-  
πίπλουν· τὰς τε ἐναλλαξ γωνίας, ἴσαις  
ἀλλήλαις τοιεῖ· καὶ τὰς ἐκτὸς, τῇ ἐκτὸς καὶ α-  
πεναντίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἴσαις· καὶ  
τὰς ἐκτὸς, Καπεναντίον τὰ αὐτὰ μέρη, δύσιν ὄρθαις  
Εκφε-

Εκθεσίς.) Εἰς γὰρ πα-  
ραλλήλους διδέιας τὰς χ  
αβ., γράφει θεῖα εμπορί-  
των, οὐδὲν. (Διορεύομός.) Λέ-  
γω ὅτι τὰς τε συναλλαγές  
γεννίσεις, τὰς ύπαρχοις,  
ηθοδίους τοιεῖ: καὶ τὰς σύντοστηναν τὰς ύ-  
παρχοις ηθούς, τῆς συντοστηναντίουν καὶ οὕτι τὰς  
αὐτὰ μέρη τη̄ υπὸ ηθοδίου: καὶ τὰς σύντοστις,  
καὶ οὕτι τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ύπαρχοις, ηθοδίου  
δινοστίν ορθαῖς ισαται. (Απόδειξις μετὰ τῆς ψα-  
τοθέσεως.) Εἰ γὰρ ἀντούς εἰναι ή υπὸ αὐτῷ,  
τῆς υπὸ ηθοδίου αὐτῶν μείζων εἰναι. εἴσωμεν  
ζῶν ή ύπαρχοις αὐτῷ. καὶ εἰ τοιί μείζων εἰναι ή ύ-  
παρχοις αὐτῷ, τῆς ύπαρχοις ηθοδίου: κατηγορεῖσθαι τη̄  
υπὸ Βηθοῦ αἱ ἄρχαι υπὸ αὐτῷ, Βηθοῦ: τῆς υπὸ Βηθοῦ,  
ηθοδίου, μείζονες εἰστον. ἀλλὰ καὶ αἱ ύπαρχοις αὐτῷ,  
Βηθοῦ: δινοστίν ορθαῖς ισαται εἰστον. καὶ αἱ ἄρχαι ύ-  
παρχοις Βηθοῦ, ηθοδίου ορθῶν ἐλασσονές εἰστον. αἱ δὲ  
ἀταρέσκεταις ἐλασσονές ή δύο ορθῶν, σύνβαλλονται  
εἰς ἀσφρον: συμπίπονται. αἱ ἄρχαι αἱ, γράφει, σύν-  
βαλλονται, εἰς ἀπειρον, συμπίπονται. ) καὶ συμ-  
πίπονται, γράφει τὸ παραλλήλος αὐτὰς ύπαρ-  
χεισθαι. σύνδει αἵτοις εἰναι τη̄ ηθοδίου: τῆς

## ΕΤΚΑΕΙΔΟΤ

ταῦθα ηθος. ἵση ἄρεσ. ἀλλὰ η ταῦθα αὐθ. τῇ υπὸ<sup>τ</sup>  
ἔνθετον ἵση. καὶ η ταῦθα ἔνθετο, τῇ ταῦθα ηθος  
ἵσην ἵση. καὶ ταῦθα πεφοκίσθω, η ταῦθα βῆθ. αἱ ἄρε-  
σι ταῦθα ἔνθετο, βῆθ. πῆγε ταῦθα βῆθ, ηθος ἵση  
εἰσὶν. ἀλλὰ αἱ ταῦθα ἔνθετο, βῆθ, δυσὶν ὁρθαῖς εἴ-  
σησιν. καὶ αἱ ταῦθα βῆθ, ηθος ἄρεσ, δύσιν ὁρ-  
θαῖς ἵση εἰσὶν. (Συμπέρεσμα.) Η ἄρεσ εἰς  
τὰς παραλλήλους σύθειας, σύθεια εμπίπλω-  
σι, τὰς τε συναλλάξ γωνίας. ἵσαις ἀλλήλαις  
εἰσὶν: καὶ τὸν ἐπίλος, τῇ συτὸς καὶ ἀπεναν-  
τίον, καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἵσην: καὶ τὰς συ-  
νόις, καὶ ὑπὲπι τὰ αὐτὰ μέρη: δύσιν ὁρθαῖς ἵσαις.  
ὅποι ἔδει δεῖξαν.

## Πρότασις λ. Ιεώρημα.

**Α**Ι τῇ αὐτῇ σύθειᾳ παραλληλοις: καὶ ἀλ-  
λήλαις εἰσὶ παραλληλοις.

Εκθεσις.) Εἰσω ἵκαπερε  
τῶν ἀβ., γρ: τῇ εἶ, πα-  
ράλληλο. Διορισ-  
μὸς.) Λέγω ὅπ καὶ η ἀβ.:  
τῇ γρ διεὶς παραλληλος.  
(Κατασκευὴ.) Εμπιπλέ-  
τω γρ διεὶς αὐτὰς σύθειαν ηκ. (Λιθόδειξις)

Καὶ ἐποίησι παραλλήλους δύθείσι τὰς αβ·  
εἰδ· δύθεισι ἐμπέπλωκεν, η̄ τὴν· ἵστησαι τὸν  
ἀγθὲ· τῇ τῷ τῷ ηθῷ· πάλιν ἔτει εἰσὶ τὰς πα-  
ραλλήλους δύθείσι τὰς εἰδ., γράδ· δύθεισι ἐμπέ-  
πλωκεν η̄ τὴν· ἵστησαι τὸν εἰδὸν ηθῷ, τῇ τῷ  
ηθῷ, ἐδείχθη δὲ καὶ η̄ τῷ ἀγθὲ· τῇ υπὲ ηθῷ  
ἵστη· καὶ η̄ τῷ ἀγθὲ ἀρχῆσαι, τῇ υπὲ ηθῷ ἐδείχθη·  
καὶ εἰσὶν συαλλάξ. παραλληλοῦ ἀρχῆσὶν η̄  
αβ, τῇ γράδ. (Συμπέρεσμα.) Λιάρχη τῇ αὐ-  
τῇ δύθείσι παραλληλοῖς· καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ πα-  
ραλληλοῖς. οὐδὲ διατίθεται.

## Πρότασις λα. Πρόβλημα.

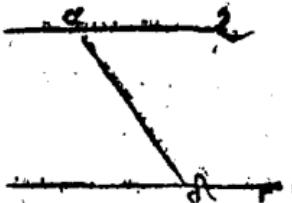
**Α** Πὸ τῷ μοθένι τῷ ομοιεῖς· τῇ δύθείσῃ δύ-  
θείᾳ· παραλληλοῖς δύθείσαις γραμμαῖς ἀ-  
χαγεῖν.

Εκφεσις.) Εῖσι τὸι μὲν  
δύθεν ομοιοῖς, τὸ α, η̄ μὲν  
μοθεῖσαι δύθεία, η̄ βγ·

(Διογλοσμὸς.) Δεῖ δὴ διατ-  
τεῖ α ομοιεῖς· τῇ γράδ  
δύθείᾳ· παραλληλοῖς ἐνθεί-

αι γραμμαῖς ἀχαγεῖν. (Κατασκοπὴ.) Εἰλή-  
φθα δηλὶ τῆς βγ τυχὸν ομοιοῖς τὸ δ: καὶ εἰ-

D



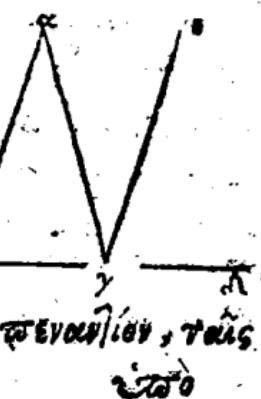
ΒΤΚΛΕΙΔΟΤ

πεξέμχθω ή ἀδ: καὶ σωεισάτω τοὺς τῇ δᾶ  
εύθεια: καὶ τῷ πέδος αὐτῆς ομηρία τὸ ἄ: τῇ υ-  
πὸ ἀδγ γωνίᾳ: ἵση τοῦ δασ: Καὶ θεοβλέ-  
θω εἰπεῖσται τῇ ἀε, εύθεια ή ἀ? (Από-  
δεξιτ.) Καὶ εἰπεῖσται δύο εύθειας τὰς δύ, εἰ:  
εύθεια ἐμποργκονή ἀδ: τὰς συνδιατὰς γωνί-  
ας τὰς τοῦ δαδ, ἀδγ. Ἰσος ἀλλήλαις τε-  
πίκη: παράλληλοι ἀρχαί εἰναι εἰ, τῇ δύ.  
(Συμπέρασμα.) Διὰ τῷ δοθέντοι ἀρχαπ-  
μέίου τῷ αὐτῇ δοθείσῃ εύθεια τῇ βγ: πα-  
ράλληλοι εύθεια γραμμὴ ηκίνηται εἰς. Ὅποι  
εἰσι ποιησαν.

Πρότεροις λ. 6. Θεώρημα.

**Π**ΑΝΤΟΣ τριγώνων, μᾶς τῶν αλλήλῶν τερ-  
σεκβληθείσης: η σκέπτος γωνία, δυσὶ τῶν  
έντος καὶ ἀπεναντίον ἴση εῖναι: καὶ αἱ σκέπτοι τρι-  
γώνων τρεῖς γωνία: δυσὶν ὁρθῶνταις ἴσαι εἰσίν.

Εκφεσις.) Εῖναι τριγω-  
νον, τὸ ἀβγ: καὶ περοεκ-  
βεβλήθω αὐτὸς μία πλευ-  
ρὰ η βγ, οὗτοί τὸ δι. (Διο-  
εργμός.) Λέγω ὅπη σκέπτος  
γωνία, η τοῦ ἀγορ: ἴση  
εῖσι σῆνος τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, τῶν



ταῦτα γαβ, ἀβγ: καὶ αἱ ἐντὸς τῆς πριγάνου  
ηρεῖς γωνίαι, αἱ ταῦτα ἀβγ, βγα, γαβ: δυ-  
τὸν δρθαῖς ἵση εἰσὶν. (Καθοκενή.) Ηχ. θω  
γδ μλχτγ γ σφρεύ, τῇ ἀβ δθείᾳ: παράλη-  
πλος γε. (Απόδεξις.) Καὶ εἰπεῖ παράλη-  
πλος εῖτιν ἡ ἀβ, τῇ γέ: καὶ εἰς αὐτὰς μπέπλω-  
σιν η ἄγ. αἱ αργίσταλλαξ γωνίαι αἱ ὑπὸ Βαγ,  
αἱ γε: ἵση ἀλλήλαις εἰσι. πάλιν, εἴσει παράλ-  
ηπλος εῖτιν ἡ ἀβ, τῇ γέ: μφρείς αὐτὰς μπέ-  
πλωσιν δθείᾳ ή βρδ: η σκλός γωνία η ταῦτα  
εγδ: ιση εἰτι: τῇ σκτὸς καὶ ἀπεναντίον, τῇ ταῦτα  
ἀβγ. εδείχη δὲ καὶ η ταῦτα πεγ: τῇ ταῦτα  
Βαγ γε: ελπίδει η ὑπὸ αγδ δύτος γωνία,  
ιση εἰτι: δυσὶ ταῖς σκλόσ, καὶ ἀπεναντίον, ταῖς  
ταῦτα Βαγ, ἀβγ. καὶ τὴν αργίσταλλαξ η ταῦτα  
εγβ. αἱ αργίσταλλα ἀγδ, αγβ: τρισὶ ταῖς ὑπὸ<sup>ταῦτα</sup>  
ἀβγ, βρα, γαβ, ἵση εἰσὶν. αλλαξ αἱ ὑπὸ αγδ;  
αγβ: δυσὶ δρθαῖς ἵση εἰσὶ. καὶ αἱ ὑπὸ αγδ;  
γβα, αβγ αργίσταλλας δυσὶ δρθαῖς ἵση εἰσὶ. (Συρ-  
πέρσομα.) Πάντος ἀρχή πριγάνη, μιᾶς τῶν  
πλευρῶν προσεκτληθεῖσης: η σκλός γωνία,  
δυσὶ ταῖς σκλόσ καὶ ἀπεναντίον ιση εἰτι: καὶ αἱ  
ἐντὸς τῆς πριγάνης πρεῖς γωνίαι: δυσὶ δρθαῖς  
ἵση εἰσὶν. οὕτως ἔδει δεῖξαι.

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

Πρότασις λγ. Θεώρημα.

**Α**Ι τὰς ἴσους τὲ, Καὶ παράλληλας, οὗτοί τὰ αὐτὰ μέρη ἐπιζευγνύτωσαι, οὐθεῖαν: καὶ αὗταὶ ἴσους τε καὶ παράλληλοι εἰσίν.

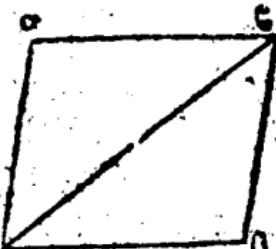
Εκθεσις.) Εἰσώσω τὸν τὸν παράλληλον, αἱ αἱ, γράψας Καὶ ἐπιζευγνύτωσαι αὐτὰς οὕτοις τὰ αὐτὰ μέρη θέτειαν, αἱ αἱ, γράψας.

Λέγω δὲ τὸν τὸν παράλληλοι εἰσίν.

(Καλλοκευτ.) Επεζεύχθω γράψας.

Χρήσις.) Καὶ ἐπεὶ παράλληλος εἰσὶν οἱ αἱ, τῇ γράψῃ εἰς αὐτὰς ἐμπέπιωκεν ηγεγύ: αἱ σταθμαὶ τῆς γωνίας, αἱ υπὸ αἴσι, γράψας: ισοι αἱληλαις εἰσὶ. Καὶ ἐπεὶ ιση εἰσὶν οἱ αἱ, τῇ γράψῃ, κοινὴ ηγεγύ: δύο δὲ αἱ αἱ, γράψας τῷ γράψας γράψας: γράψας τῷ γράψας γωνία ηγεγύ: γωνία τῇ γράψας γράψας εἰσὶν. Βάσις ἀραι ηγεγύ, βάσις τῇ γράψας εἰσὶν ιση: καὶ τὸ αἴσι τριγωνον, τῷ γράψας τριγωνω ισον εἶναι: καὶ αἱ λοιπαὶ γωνία, τῷ λοιπαῖς γωνίαις ισοι εἴσουν ταῦ, ἐκάπερ εἰκάσεια οὐφ' αἱ ισοι ταλευραὶ υπολείνεσσιν. ιση ἀραι ηγεγύ: τῷ γράψας γωνία: τῇ γράψας γράψας: Καὶ ηγεγύ: τῷ γράψας γράψας: τῇ γράψας γράψας: τῇ γράψας γράψας:

καὶ

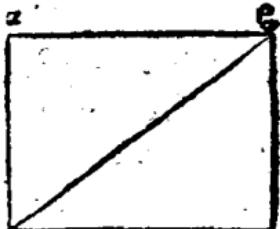


καὶ ἐπεὶ εἰς δύο σύνοιας τὰς ἄγ. βδ. σύνοια  
ἐμπέπλουσαι η̄ βγ̄ : τὰς ἐναλλάξ γωνίας, τὰς  
ὑπὸ ἄγβ. γβδ. οὓς ἀλλήλαις πεποιηκεν.  
παράλληλο̄ ἀρχεῖσιν η̄ ἄγ, τῇ βδ: ἐδείχ-  
η δ' αὐτῇ καὶ ιση. (Συμπέρεσμα.) Αἱ ἀρχεῖσιν  
τὰς οὓς τὴν διπλανήλους ὅπερι τὰ αὐτὰ  
μέρη ἐπιζευγνύσσουμεν : καὶ αὐτῷ ιση τὸ καὶ πα-  
ράλληλοι εἰσὶν. ὅπερι ἐδείχθη.

## Πρότοις λδ. Θεώρημα.

**Τ**οῦ παραλληλογράμμου χωρίων, αἱ ἀ-  
πεναντίον πλευραί τε καὶ γωνίαι οὓς ἀλλή-  
λαις εἰσὶ. Εἰ διάμετρο̄, αὐτὰ δίχα τέμνει.

Εκθεσις.) Εῖναι παραλ-  
ληλογράμμον, τὸ ἄγδβ,  
διάμετρος ἡ αὐτός, η̄ βγ̄.  
(Διορθομός.) Λέγω ὅποι  
ἄγδβ παραλληλογράμ-  
μου: αἱ ἀπεναντίον πλευ-  
ραί τε καὶ γωνίαι, οὓς ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ η̄ βγ̄.  
Διάμετρο̄, αἱ τὸ δίχα τέμνει. (Απόδειξις.)  
Ἐπεὶ γὰρ παράλληλος ἐστιν η̄ ἀβ τῇ γδ: καὶ  
εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν ἐνθῆσαι η̄ βγ̄. αἱ ἐναλ-  
λάξ ἀρχεῖσιν αἱ ὑπὸ ἀβδ, βγδ, οὓς ἀλλή-



ΕΥΚΛΕΙΔΟΣ

λαμψεῖσι. πάλιν ἐπεὶ παράλληλος ἐστιν οὐ αὐτός,  
τῇ βόδῃ καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπλωκεν ηθύγη; αἰσχυνόμενος  
αλλὰξ γωνίαν αἷς ὑπὸ αὐτοῦ, γύβδον τομὴν αλλά-  
λαμψεῖσι. δύο δὲ τριγωνά εἰσι τὰ αἴσι, δύος;  
τὰς δύο γωνίας τὰς τῶν αἴσι τοις βόδης, βογαῖς δύος  
ταῖς υπὸ βόδης, γύβδοις εἶχεν τὰ εκάπερ φεντελέεσι.  
κατέρρει: καὶ μίαν πλευραν: τῇ μιᾷ πλευρῷ  
ἴσην, τῶι πέσος ταῖς ἴσοις γωνίαις κοινώιαι.  
τῶν, τῶι βόδη. καὶ τὰς λοιπὰς ἄρα πλευρὰς,  
ταῖς λοιπαῖς ἴσοις εἴχει εκάπερ φεντελέεσι: καὶ  
τῶι λοιπῶι γωνίᾳ, τῇ λοιπῇ γωνίᾳ. ίση ἀ-  
ριστή μὲν αἴσι πλευρὰ, τῇ γύδην δὲ αἴσι, τῇ δύο:  
καὶ ηὑπὸ βογαῖς γωνία, τῇ τρισὶ βόδη. καὶ ἐπεὶ  
ίση ἐστιν ημέν υπὸ αἴσι γωνία, τῇ υπὸ βόδη:  
ηδὲ υπὸ γύβδον, τῇ υπὸ αἴσι βόδη. ὅλη ἄρα ηὑπὸ<sup>αἴσι</sup>  
βόδη, ὅλη τῇ τρισὶ αἴσι δισητένι. ἐδείχθη ἡ καὶ  
ηὑπὸ δύο, τῇ υπὸ δύο ίση. (Συμπέρασ-  
μα.) Τῶν ἄρα παραλληλογράμμων γωνίων  
αἵ απεναντίον πλευράί τε καὶ γωνίαι, ίσαι αλ-  
λήλαις εἰσὶν. (Διοργμὸς δύο περὶ τοῦ.) Λέγεται  
δὲ ὅπι, καὶ ηὑπὸ βόδης αὐτὰ δίχα τέμνει.  
(Δευτέρα ἀπόδειξις.) Επεὶ ηδὲ ίση ἐστιν ηαἴσι,  
τῇ γύδην δὲ ηὑπὸ βόδη: δύο δὴ αἱ αἴσι βόδη, δύο  
ταῖς γύδης, δύο ίσαι εἰσὶν εκάπερ φεντελέεσι:

καὶ

καὶ γωνία ἡ τὸ ἀβγ, γωνία τῇ τὸ δγδ  
ἴση ἐστι. καὶ βάσεις ἀρχὴ ἀγ, βάσης τῇ δβ̄ ἐστι: καὶ τὸ ἀβγ τρίγωνον, τῷ δγδ τρίγωνῳ  
ἴσου ἐστιν. (Συμπέρασμα.) Η ἀρχβγ μέτρο<sup>θ</sup>ριά<sup>θ</sup>α τέμνει τὸ δγδ παραλλήλων  
χειρίμον. οὐδὲ ἔδει δεῖξαι.

ΤΟ ΤΡΙΤΟΝ ΜΕΡΟΣ ΤΟΥ·  
ΤΟΥ ΤΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΥ.

Πρόσκοτε λε. θεώρημα.

**Τ**Α παραλληλόγραμμα, τὰ δὲ τῆς αὐτῆς βάσεως σύγχρονα: καὶ σὺ ταῦτα τοῖς παραλλήλοις: οὐαὶ ἀλλήλοις ἐστιν.

(Εκθεσις.) Εἰσω παραλληλόγραμμα τὰ δγδ, εβγ: ὅπερ τὸ αὐτῆς βάσεως σύγχρονα τῆς βάσεως αὐτῶν παραλλήλοις ταῖς αζ, βγ. (Διορισμός.) Λέγω σπ. ίσου ἐστι τὸ δγδ, τῷ εβγ: (Απόδειξις.) Επειδὴ παραλληλόγραμμάν ἐστὸ δγδ: τῇ βγ, ιση ἐστὶν ἡ αδ. Διεσθίσασθα δὲ δὴ καὶ ἡ εζ: τῇ βγ. ιση ἐστὶν ἡ αδ.

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

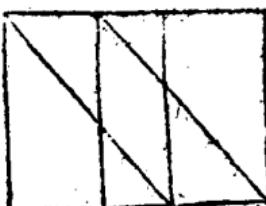
τῇ εὐσημηνῇ καὶ δεῖ. ὅλη ἀρετὴ ἀεὶ ὅλη  
τῇ δέξιᾳ ἵση, εἵνε Καὶ αὐτός, τῇ δύνῃση. δύο  
δημίου, αὐτός, δύο ταῖς γένεσι, δύο, τῇ εἰσιν ἐκά  
περ εἴκαθέρα: καὶ γεννία ἡ πάτερ γένεσι, γεννία  
τῇ πάτερ ἑαυτῷ ἵση εἵνε: καὶ τὸς τῇ αὐτος. βάσις  
ἀρετὴ αὐτός, βάσις τῇ γένεσι: καὶ τὸ ἑαυτόν  
πρείγωντο ταῦθι γένεσιν πρείγωνται. εἴσιν δὲ  
φηρήσθω τὸ δῆμον. λοιπὸν ἀρετὴ τὸ αὐτηδόν περ  
πέλιον: λοιπῷ τῷ πάγκῳ περιπλέγμα, εἴσιν εἰς τὰς  
γὰς περιπλέγμα τὸ πᾶν γένεσιν. ὅλον ἄρα  
τὸ αὐτοῦ περαλληλόγραμμον: ὅλω ταῦθι  
γένεσι περαλληλόγραμμα, εἴσιν εἰς. (Συμπέ-  
ραγμα.) Τὰ ἄρα περαλληλόγραμμα, τὰ εἰπὲ  
τῆς αὐτῆς βάσεως ὅντα: καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς  
παραλλήλοις: εἴσιν ἀλλήλοις εἰς. ὅποις ἔδει  
μένει.

Πρότασις λ. Θεώρημα.

ΤΑ παραλληλόγραμμα, τὰ εἰπὲ τῶν ἵσων  
βάσεων ὅντα: καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλ-  
λήλοις: εἴσιν ἀλλήλοις εἰς.

Εκδροσ. ) Εῖσι περαλληλόγραμμα τὰ  
αὐτοῦ, εἰς γένεσιν πρείγων βάσεων, τῶν βρυγῶν,  
καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς αὐτός, βρυγή.  
(Διορεστίς.) Λέγω στοιχεῖον εἰς τὸ αὐτοῦ πε-  
ραλ-

επαράγγελμάν τοῦ  
εἰηθ. (Κατασκόπη.)  
Επεξερχόμενοι δὲ αἱ  
βέ, γῆθ. (Απόδεξις.)  
Καὶ επεισόπειν ηγε  
Γῆ γῆ: ἀλλὰ καὶ ηγῆ, τῇ  
εθεῖν ἴση. καὶ ηβῆ  
πέρι, τῇ εθεῖν ἴση. εἰσὶ δὲ παράλληλοι, καὶ  
ἐπεξερχόμενοι αὐτὰς αἱ βέ, γῆθ. αἱ δὲ τὰς  
εἰς τὸ παραλλήλος ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐ<sup>π</sup>  
πεξερχόμεναι: ἵση τὲ καὶ παραλληλοί εἰσι.  
καὶ αἱ εβ, γῆθ ἄραισι τὲ εἰσὶ, τὸ παραλληλοί.  
παραλληλόγραμμον ἀραιέσι, τὸ εβγδ: καὶ ε<sup>π</sup>  
εῖν ἴσον τῷ αβγδ. Βάσιν τὲ γὰρ αὐτὸς τὰς αἱ  
τὰς ἔχει τὰς βῆ, καὶ σὺ τὰς αὐτὰς παραλλη<sup>λ</sup>  
λοις εῖναι αὐτῶ, τὰς βῆ, αθ. Διὰ τὰ αὐτὰ δὴ  
τὸ γῆθε: τῷ αὐτῷ, τῷ εβγδ, εῖναι ἴσουν. ὥστε καὶ  
τὸ αβγδ παραλληλόγραμμον, τῷ εγῆθ ἴσου  
εῖσι. (Συμπέρασμα.) Τὰ ἄρει παραλληλό<sup>γ</sup>  
γραμμα τὰ ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὅντα, καὶ σὺ  
τὰς αὐτὰς παραλληλοις: ἵση ἀλλήλοις εῖσιν,  
ἔπει ἐδει δεῖξα.



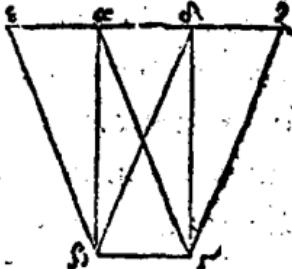
Πρότατος λ? Θεώρημα.

D v

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

**Τ**Α τρίγωνα, ἂν δὲ τῆς αὐτῆς βάσεως ὅν-  
τικαὶ σύ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις: ἵστη-  
ἀλλήλοις ἐστίν.

Εκφειδεῖ.) Εῖναι τρίγωνα εἰ-  
ταῖ αβγ, δεγ, ἢ πλέον ταῖς αὐ-  
τῆς βάσεως ὅνται τῆς βγ:  
καὶ σύ ταῖς αὐταῖς παρα-  
λλήλοις, ταῖς ἀδελφαῖς. (Διό  
εργομός.) Λέγω ὅπερ ἴσσει-



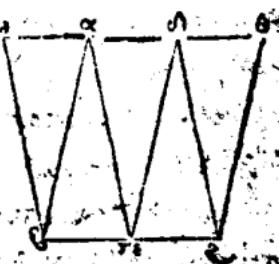
σί τὸ ἄβγ τρίγωνον, τὸ δέγγ τρίγωνον. (Καὶ  
παρουσια.) Εκβεβλήθω ἢ ἀδελφαῖς εἰκάπερ  
τὰ μέρη, ὅπερ τὰ εἰς τημένα: καὶ διέμερον τὸ  
β, τῇ γα παραλλήλος ἡχθωτὸν διέμερον  
γ, τῇ δὲ παραλληλοῦ ἡχθωτὸν γ. (Από-  
δεξις.) Παραλληλογεδαμμον ἀρχεῖσιν εἰκά-  
περ τῶν ἔβαγ, δέγγ. καὶ ἴσσον τὸ ἔβγα, τῷ  
δέγγ. Ὅπερ τὸ δὲ ταῖς αὐτῆς βάσεως ἐστὶ δέγγ:  
καὶ σύ ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς δέγγ, εγγ. Εἴ  
ἐστι τὸ μέρον ἔβγα παραλληλογεδαμμον ἥμου  
τὸ ἄβγ τρίγωνον. οὐ γὰρ ἄβγ διάμετρος αὐτὸ<sup>ν</sup>  
δίχατεμνει. τὸ δὲ δέγγ παραλληλογεδαμ-  
μον ἥμου τὸ δέγγ τρίγωνον. οὐ γὰρ δέγγ διάμε-  
τροῦ αὐτὸ δίχατεμνει. τὰ δὲ τῶν ἴσων ἥ-  
μου ἴσαι ἀλλήλοις ἐστίν. ἴσουν παραλληλούτο τὸ ἄβγ  
τρίγω-

ερίγωνον, τῷ δὲ γῇ τειχών. (Συμπέσσο-  
μα.) Τὰ ἄρτα τειχῶν, τὰ δὲ τῆς αὐτῆς βάση-  
σεως ὅντα καὶ σὺ ταῖς αὐταῖς παραπλήσιοις:  
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν. οὗτοι ἔδει δεῖξαι.

Πρότερος λη. Θεώρημα.

**Τ**Α τρίγωνα, τὰ ἄλλα τῶν ίσων βάσεων ὅθι  
ποιοῦνται : καὶ σὺ τοῦς αὐτοὺς περιγέλλεις ίσως  
ἄλλη λοις εὗρες.

Επίστοις.) Εἶναι τρίγωνα  
να τὰ αἴθυ, δεξιά πλεύσων  
βάσεων ὅντα, πῶν βῆ, εἰς  
καὶ τὸ τῷ αὐτοῖς πα-  
ραλλήλοις, τῷ βέλῳ δια-  
(Διοργομός.) Λεγωό-



τι ίσσον εἶται τὸ ἀβγυ τείγων, τῷ δέξιῷ περιγά-  
νω. (Κατασκευὴ.) Εκβεβλήθω χόνη ἀδέφη  
ἐκάπερ α τὰ μέρη, ὅποι τὰ η, θ: καὶ Διάμητρ  
β, τῇ γα παραλληλούχον ηχθω, η βῆ: Διάδε  
τῷ ζ, τῇ δὲ παραλληλούχον ηχθω ηζθ. (Από-  
δειξις.) Παραλληλόγραμμον ἄρα εἴπιν ἐκά-  
τερον τῶν ηβγα, δεξθ: καὶ ίσσον τὸ ηβγα, τῷ  
δεξθ. ὅποι τε χώσισιν βάσεων εἶται τῶν βγ, εξ  
καὶ σὺ τοῖς αὐτοῖς παραλλήλοις τοῖς βγ.

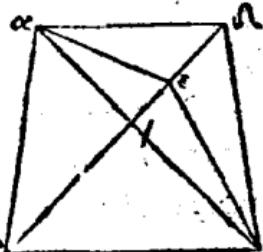
## ΕΤΚΑ ΕΙΔΟΥ

Ἔθ. καὶ ἔστι τὸ μὲν ἄβγα παραλληλογράμμον,  
μονογύμνου, τὸ ἄβγυ τρίγωνον. οὐ γὰρ ἄβγα  
μετρέσθι, δίχα αὐτὸ τέμνει. τὸ δὲ διζήθ, παν  
ραληλογράμμον, γύμνον τὸ ζεῦδ τρίγωνον: οὐ γὰρ  
ζεῦδ, ἀλλαμετρέσθι δίχα αὐτὸ τέμνει. τὰ δὲ  
τῶν ἵσων γύμνον: οὐκ ἀλλήλοις ἔστιν. οὐκον ἄρα  
ἴστι τὸ ἄβγυ τρίγωνον, περὶ διζήθ τριγώνω. (Συμ  
πέρασμα.) Τὰ ἄρα τρίγωνα, τὰ εἰπί τῶν ἵ-  
σων βάσεων ὅντε: καὶ σὺ τῆς αὐταῖς παρα-  
λλήλοις: οὐκ ἀλλήλοις ἔστιν. ὅπερ ἔδει δῆξα.

### Πρότασις λ. θ. Θεώρημα.

**Τ**Α ἴσαι τρίγωνα, τὰ εἰπί τῆς αὐτῆς βάσεων  
ως ὅντε: Εἰπί τὰ αὐτὰ μέρη: Εἰς τῆς  
αὐταῖς παραλλήλοις ἔστιν.

Εκθεσις.) Εἰσι τρίγωνα ἴσαια ἄβγ, δέγ.  
εἰπί τῆς αὐτῆς βάσεως ὅν-  
τε, τὸ βῆμα. (Διορισμός.)  
Δέγω ὅπει καὶ σὺ τῆς αὐ-  
ταῖς παραλλήλοις ἔστιν.  
(Κατασκευή.) Επειδή  
χθω γέδη ἄδ. (Διορισ-  
μός τῆς κατασκευῆς.) Λέγω ὅπει παράλληλοί  
ἔστιν η ἄδ, τῷ βῆμα. (Τπόθεσις.) Εἰ γέδη  
χθω



πάχθω μήτε δέ τα σημεία, τῇ βῆσθεία παράλο  
ληλθούν ἡ αεικόνη ἐπεξέργασθω ἡ τοῦ. (Απόδε-  
ξις.) Ιστοι ἀρρεῖσι τὸ ἀβγοτρίγωνον, τῷ ἔβγ  
τριγώνῳ. ἐπίτηδεν τὸ τῆς αὐτῆς βάσεως ἰστε  
αὐτῷ τῆς βῆσης: καὶ στοῖχος αὐτῷς παραλλή-  
λοις τῷς βῆγ, αει, ἀλλὰ τὸ ἀβγ, τῷ δέντρῳ ἐστιν  
ἴσιν. καὶ τὸ στοῖβηγ ἀρρετρίγωνον, τῷ ἔβγ τοι  
ἴσιν. τὸ μεῖζον τῷ ελάττον. ὅπερ ἀδικιώσον.  
στοῖ ἀρρετραλλήλος ἐστιν ἡ αει, τῇ βῆγ. Ο-  
μοίως δὴ διέξοδοι: ὅπις δέ ἄλλη τίς τοιεν  
ἀδ. ἡ ἀδ ἀρρε, τῇ βῆγ ἐστιν παραλλήλθον.  
(Συμπέρασμα.) Τὰ ἄραια τριγώνα, τὰ  
οἰς τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα: καὶ στοῖς αὐτοῖς  
παραλλήλοις ἐστιν. ὅπερ ἐδει διέξαμ.

## Πρότασις μ. Θεώρημα.

**Τ**Αῖσι τριγώνα, τὰ εἰστι τῶν ἴσων βάσεων  
οὐδα: καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη: καὶ στοῖς  
αὐτῷς παραλλήλοις ἐστιν.

Ἐκθεσις.) Εἶναι τριγώνα ἴση, τὰ ἀβγ, γῆδε  
ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα τῶν βῆγ, γε. (Διοργ-  
μὸς.) Λέγω ὅπις καὶ στοῖς αὐτοῖς παραλ-  
λήλοις ἐστιν. (Κάλασκοδη.) Ἐπεξέργασθω γὰρ  
ἡ ἀδ. (Διοργμὸς τῆς καλασκόδης.) Δέγω ὅ-

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

η παράλληλ $\Theta$  είνιν η  
αδ., τῇ βε. (Τπόθεσις.)

Εἰ γὰρ μὴ τῇ χθωνὶ φέτα,  
τῇ βῃ παράλληλ $\Theta$  η  
χά. καὶ εἰσελθόμενη ζε.

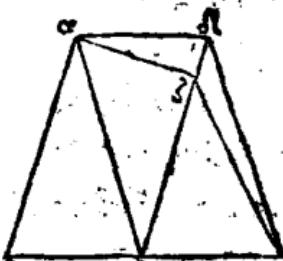
(Απόδειξις.) Ισον ἄρα εῖναι τὸ  
τὸ αβγ τρίγωνον, τῷ γέ τριγώνῳ. Οὐκίπε γὰρ  
ἴσων βάσεων εἰσὶ τὰν βγ, γε: καὶ εἰ ταῖς αὐταῖς  
ταῖς παραλλήλοις τοῦς βε, αἱ δὲ αλλὰ τὸ αβγ  
τρίγωνον, ισον εῖναι, τῷ διγέ τριγώνῳ. Καὶ τὸ  
διγέ τριγωνον ἄρα, ισον εῖναι τὸ γέ τριγώνος:  
τὸ μὲν γον, τῷ ἐλάσσονι: ὅτῳς ἀδικάσαν. Σοκά-  
ρα παράλληλ $\Theta$  είνιν η αδ., τῇ βε. Ομοίως  
δὴ δεῖξομεν, ὅπι γὰρ εἴλητις πλευτῆς αδ.:  
η αδ ἄρα τῇ βῃ παράληλος εῖναι. (Συμπέ-  
ρασμα.) Τὰ ἄραιον τρίγωνα: τὰ εἰσὶ τῶν  
ἴσων βάσεων ὅντα: Καὶ ταῖς αὐταῖς εῖναι πα-  
ραλλήλοις. οὐδὲ δεῖξαμεν.

Πρότασις μα. Θεώρημα.

**Ε**Αν παραλληλόγραμμον, τριγώνων βάσιν  
τε ἔχει τὰν αὐτὰν: καὶ εἰ ταῖς αὐταῖς πο-  
ραλλήλοις η: οὐ πλάσσοντες τὸ παραλλη-  
λόγραμμον γέ τριγώνος.

Ειδεσις.) Η παραλληλόγραμμον γάρ τὸ αβ-

γδ



γόδ, τριγώνων ταῦτα εἰσὶ: α  
βάσιν τε ἔχετω τὰς αὐ-  
τὰς τὰς βέγ, καὶ στοὺς  
αὐτὰς ἐνώ παραλλήλοις  
τὰς βέγ, αε. (Διορθωτὸς.)

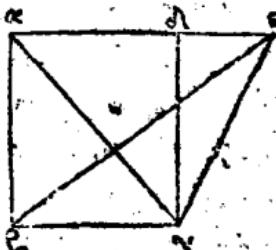
Λέγω ὅποι ταῦταισιν ἐστὶ τὸ

ἄβγοδ, παραλληλόγραμμον, οὗ βέγ τρί-  
γώνα. (Καῖσκευη.) Επειδύχθω γένη αγ (Α-  
πόδεξις.) Ισσιν δὴ ἐστὶ τὸ ἄβγοδ τρίγωνον, τὸ εἴνη  
Τριγώνων επὶ τῷ γένει αὐτῷ βάσεως ἐστὶν αὐτό, τὸ  
βέγ: καὶ στοὺς αὐτὰς παραλλήλοις τὰς βέγ.  
αε. ἀλλὰ τὸ ἄβγοδ παραλληλόγραμμον: οἷον  
ταῦταισιν ἐστὶ τὸ ἄβγοδ τρίγώνων: ηγένη αγ στάμνες  
τροφοῦ αὐτῷ δίχατέμεν. ὡσεὶ τὸ ἄβγοδ παραλ-  
ληλόγραμμον, ηγένη τρίγώνων ἐστὶ τὸ τα-  
ῦταισιν παραλλήλοις ηγόδι ταῦταισιν ἐστὶ τὸ πα-  
ραλληλόγραμμον τὸ τρίγωνον. Ὅποδεξί δεῖξα.

Πρότασις μὲν. Πρόβλημα.

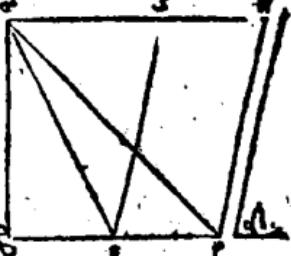
**Τ**οῦ δοθέντη τριγώνω, ισσιν παραλληλό-  
γραμμον συστήσαθε: οὐ τῇ δοθείσῃ ἐν-  
τογραμμω γωνίᾳ.

Ἐχεσθε.) Εῖναι τὸ μὲν δοθεῖ τρίγωνον, τὸ  
ἄβγ:



## ЕТКАЛЕИДОТ

αβγ:η δὲ δοθεῖσα οὐ-



χαριμόν γανία, ή δι.  
(Διοεργός.) Δεῖ δή ταῦ  
ταῦ γριγάνω: ἵστηται  
ταῦτα παραλληλόγραμμον συν-  
σταθῆσθαι τῇ δι. γανίᾳ  
δίθυγάριμω. (Κατασκευή.) Τελικότερη  
βῆ δίχακτὴ τὸ εἰς καὶ ἐπεξέχθω ἡ αὐτὴ: καὶ  
συνεσάτω πέδος τῇ εὐθείᾳ: καὶ ταῦ πέδος  
αὐτῇ συμείω ταῦ εἰς τῇ δι. γανίᾳ, ἵστηται τὸ  
γεγονός καὶ διέσθιται τὸ αὐτόν: τῇ εὐθείᾳ παραλληλό-  
γράμμῳ εἰς τὴν εὐθείαν: διέσθιται τὸ γεγονός τοῦ παραλληλό-  
γράμμου γεγονός παραλληλόγραμμον ἀρχεῖσθαι, τὸ  
ζευγόν. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπειδὴ ἴστηται τὸ  
τοῦ εὐθείαν εἶναι καὶ τὸ αὐτόν τοῦ παραλληλόγραμμον, ταῦτα  
παραλληλόγραμμον, εἰπεῖ τὸ γεγονός βάσεων εἶναι τῶν βέ-  
ντων: εἰς ταῦς αὐτοὺς παραλληλούς ποιεῖται βῆ,  
αὐτὸν διωτάσιον ἀρχεῖσθαι τὸ αὐτόν παραλληλό-  
γραμμον, διωτάσιον δὲ αὐτοῦ παραλληλόγραμμον, βάσιν  
τοῦ γεγονότος ταῦτα αὐτὰ ἔχει: καὶ εἰς ταῦς αὐτοὺς  
εἶναι αὐτῷ παραλληλούς. ἵστηται τὸ ζευγόν  
παραλληλόγραμμον, ταῦτα αὐτόν παραλληλόγραμμον, ταῦτα  
ἔχει ταῦτα υπό τοῦ γεγονότος, ἵστηται τῇ δι. (Συμ-

πέρα-

πίροσμα.) Τῷ ἀριθμῷ δοθέντι τριγώνῳ τῷ  
ἄβυ: ίσου παραλληλόγραμμον συνειδάθη  
τὸ ζεῦ: οὐ γωνία τῇ παντὶ ζεῦ, η ἐντινεῖται τῇ  
διόπτρᾳ ἔδει πιῆσαι.

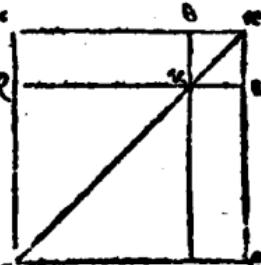
Πρότοις μὲν. Γεώργια.

Πληνὶ παραλληλόγραμμος, τῶν τοῖς τίνι  
διάμετροι παραλληλόγραμμαν: τὰ πα-  
ραπληρώματα: ίσαι ἀλλήλοις ἔστιν.

Εκδεσις.) Εῖσι παραλληλόγραμμοι, τὸ  
ἄβυδ: Διάμετρος δὲ αὐτῶν, η ἄγ: τοῖς τίνι  
ἄγ, παραλληλόγραμ-  
μαν ιδίη ἔσται τὰ ἄθ, ζεῦ: τὰ  
διελεγόμενα παραπλη-  
ρώματα, τὰ βή, κ.δ. (Διο-  
ρισμὸς.) Λέγω ὅπερι ίσου ε-  
στὶ τὸ βῆ παραπληρω-  
μα: τὸ κδ παραπληρώματον. (Απόδειξις.)

Επεὶ γὰρ παραλληλόγραμμόν εἴτε τὸ ἄβυδ:  
διάμετρος δὲ αὐτῶν η ἄγ: ίσου ἔστι τὸ ἄβυ-  
δον τριγώνων, τῷ ἀριθμῷ τριγώνων. πάλιν δηλώ-  
ται παραλληλόγραμμόν εἴτε: Διάμετρος  
ζεῦ αὐτῶν η ἄγ: ίσου ἔστι τὸ βῆ παραπληρώματον: τῷ αθη-  
τριγώνῳ. Διὸ τὰ αὐτὰ δηλώνεται τὸ κδ τριγω-

E



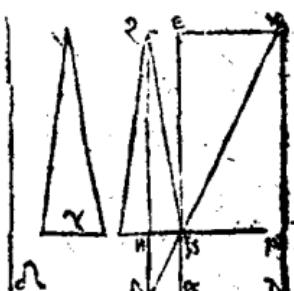
## ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

νου, τῷ κηρῷ ἐσὶν ἰσον. ἐπεὶ γὰρ τὸ μὲν ἀεκ πρίγωνον, τῷ αὐτῷ τριγώνῳ ἐσὶν ἰσον, τὸ δὲ κῆρ, τῷ κηρῷ. τὸ δὲ τριγώνον μετά τῷ κηρῷ, ἐσὶν ἰσον τῷ αὐτῷ τριγώνῳ, μετὰ τῷ κῆρᾳ τριγώνῳ, νου. ἐτὶ δὲ οὐδὲ ὅλον τὸ αἴβυ τριγώνον, ὅλῳ τῷ αἴδῃ ἰσον. λοιπῷ ἄρα τῷ καὶ παραπλήσιομάν, ἰσον ἐξί, τῷ βῆ παραπλήσιομα. (Συμπέρασμα.) Παντὸς ἄρα παραπλήσιομάρματος, τῶν τούτων τῶν Διέμετρον παραπλήσιομάρματαν: τὰ παραπληρώματα: οὐτανάλογον ἐστιν. οὗτος ἐδειδεῖται.

Πρότατος μὲν. Πρόβλημα.

**Π**Αρὰ τὸν δοθεῖσαν δύνεται: τῷ δοθέντι τριγώνῳ: ἰσον παραπλησιομάρματον παραπλήσιομάρματον: τοῦτο τῷ δοθείσῃ γωνίᾳ δύνεται:

Ἐκδεσις: Εῖναι η μὲν δοθεῖσα ἐυθεῖα, η αἱβ: τὸ δὲ δοθέν τριγώνον, τὸ γ: η δὲ δοθεῖσα γωνία δύνεται, η δ. (Διορισμὸς.) Λεῖτο δὴ παρὰ τῷ δοθεῖσαν δύνεται τὸ αἱβ: τῷ δοθέντι τριγώνῳ παραπλήσιομάρματον τῷ τῷ



τῷ τεῦ : ἵσον παραληλόγραμμον παράβαλεν, σὺν τῇ δύναντι. (Κατασκευή.) Συνετάτω τῷ τριγώνῳ : ἵσον παραληλόγραμμον τῷ βέζῃ : σὺ γανία, τῇ τρούλῃ, ηδὲν ἵσον τῇ δικαιίῳ καί μεθωπλεύεται σύνθετος εἶναι τὸν θεόν, τῇ αὐτῷ δικαιίῳ τῇ δικαιίᾳ, οὐτούτῳ θεῷ : καὶ Διόνυσος, ὁ πότερος τῶν θεῶν, εἰς παραληλόγραμμον αὐτὸν εἰσελέχθω τοῦ θεοῦ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ εἰς παραληλόγραμμον αὐτὸν εἰσελέχθη, εἰς σύνθετον πέπισκεν οὐ θεόν, αἴ τοι τρούλον αὐτόν, θεόν γανίαν : δύσιν ὄρθαις ἴσους εἰσίν. αἴ τοι τρούλον θεόν, ηδὲ δύσιν ὄρθαιν ἐλάσσονες εἰσίν. αἱ δύες δύπολες σύνθετον, ηδὲ δύσιν ὄρθαιν : εἰς απόδρον σύνθετον πέπισκεν. αἴ θεόν, ζεύς, αἴ τοι σύνθετον πέπισκεν. (Κατασκευῆς τοῦ ἐπερον μέρος.) Εκβεβλήθωσιν καὶ συμπιπτέτωσιν, καὶ τὸ καὶ τὸ τριγωνικόν, ὃ ποτέρα τῶν εἴη, θεόν παραληλόγραμμον τῇ δικαιίᾳ τοῦ θεοῦ : καὶ σύνβεβλήθωσιν αἴ τοι, ηδὲ, οὐτούτῳ τῷ λόγῳ, μηδὲ συμπιπτέτωσιν. (Αποδείξεως τοῦ ἐπερον μέρος.) Παραληλόγραμμον αἴρεται τὸ θλιψί : Διάμετρος δὲ αὐτῷ τοῦ θεοῦ τοῦ θλιψί : παραληλόγραμμα μὴν, τὰ αὐτά, μηδὲ : τὰ δὲ λεγόμενα παραπληρώματα τοῦ θεοῦ, θεόν. ἵσον αἴρεται τὸ λόγον, τῷ θεῷ. ἀλλὰ καὶ

ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ

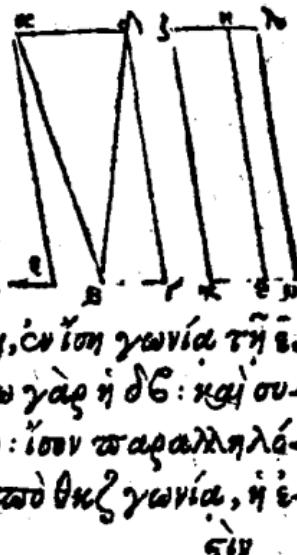
τὸ βρ, πᾶν γριγάνω εἶνιν ἵσσν. καὶ λβ ἄρετον γέγονε, εἶνιν ἵσσν. καὶ ἐπεὶ ἴση εἶνιν η τόπος ηὗται γωνίας τῇ τόπῳ αβμ: ἀλλὰ η τόπος ηὗται, τῇ δὲ εἶνιν ἴση: καὶ η τόπος αβμ, τῇ δὲ γωνίᾳ εἶνιν ἴση.

(Συμπέρασμα.) Παρὰ τῷ δοθέντοι ἄρετον σύθετον τῷ αβ: πᾶν δοθέντη γριγάνω τῷ γρ: ἵσσν παραλληλόγραμμον παραβέβλητη τὸ λβ: ἐν γωνίᾳ τῇ τόπῳ αβμ, η εἶνιν ἴση τῇ δὲ οὐδὲ ἔδει ποιῆσαι.

Πρότασις με. Πρόβλημα.

**Τ**ῷ δοθέντῃ σύθυγράμμῳ, ἵσσν παραλληλόγραμμον συστησαδεκ: ἐν τῇ δοθέντῃ σύθυγράμμῳ γωνίᾳ.

Ἐκθεσις.) Εῖσω τὸ δοθέν σύθυγράμμον, τὸ αβγδ: η δὲ δοθέντα γωνία σύθυγράμμῳ, η εἰ. (Διορισμός.) Δεῖ δὴ τῷ αβγδ σύθυγράμμῳ: ἵσσν παραλληλόγραμμον συστησαδεκ, ἐν την γωνίᾳ τῇ εἰ. (Κατασκευή.) Επεζύχθω γὰρ η δβ: καὶ συνεισάτω τῷ αβδ τριγάνω: ἵσσν παραλληλόγραμμὸν, τὸ ζθ: ἐν τῇ τόπῳ θηζ γωνίᾳ, η εἰ.



τὸν ἴσον τῇ εἰς: καὶ παραβεβλήθω παρὰ τῷ  
 ηθῷ διθεῖαι, τῷ διβήγη τριγώνῳ: ἵσσον παράλ-  
 ληλόγραμμον, τὸ ημέρα, τὸ γῆρας τὸ ηθμόν γωνία,  
 ητοῖς ἴσον τῇ εἰς. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ οὐκ εἴναι  
 νία, ἐκπέρα τῶν τοῦ θυραρίου ηθμόν γωνία, ητοῖς  
 ητοῖς ηθμόν αρά τῇ εἰς θυραρίου ηθμόν. καὶ τὴν  
 παρασκείωθω, ητοῖς ηθη. αἱ αρά τοῦ θυραρίου  
 ηθη: ταῖς τοῦ θυραρίου ηθη, ηθμόν, ισομέτρου. ἀλλά αἱ υ-  
 πὸ ηθη, ηθμόν δύσιν ὁρθαῖς ισομέτρου. πέρος  
 δῆ τινι διθείᾳ, τῇ ηθῷ: Εἰ τῷ πέρος αὐτῇ σημείῳ  
 τῷ θυραρίῳ διθεῖαι αἱ ηθη, ηθμόν, μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ  
 μέρη κείμεναι: τὰς εὐφεξῆς γωνίας δυσὶν ὁρ-  
 θαῖς ισομέτρου. εἰστι διθείαις αρά εἰς ηθη,  
 ηθη, ηθμόν. καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους τὰς ηθη, ηθη, ηθη  
 διθείαις συνέπεσται ηθη: αἱ συναλλάξ αρά γωνία, αἱ  
 υπὸ μηθη, θυραρίου αὐτοῦ λαμψαῖς εἰσται. καὶ τὴν παρα-  
 σκείωθω ητοῖς ηθηλή, αἱ αρά τοῦ μηθη, θηλή.  
 ταῖς τοῦ θυραρίου, θηλή, ισομέτρου. ἀλλά αἱ ητοῖς  
 μηθη, θηλή, δυσὶν ὁρθαῖς ισομέτρου. καὶ αἱ ητοῖς  
 ηθη, ηθηλή αρά δυσὶν ὁρθαῖς ισομέτρου. εἰστι δι-  
 θείαις αρά εἰς ηθη, τῇ ηθη. καὶ ἐπεὶ ηθη τῇ  
 ηθη, ισοπεδών παραλληλός εἰσται, ἀλλά Εἰ ηθη  
 τῇ μηλή. Εἰ ηθη αρά τῇ μηλή ισοπεδή παρα-  
 ληλός εἰσται: καὶ επιζεύγηνται αὐταῖς διθείαις.

ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ

οῦ καὶ; Κλική αἴ κλι, ζεῦ, οὐ τὲ Σ παράλη-  
λοι εἰσί. παράληλογράμμον ἄρετες τούτοις  
καὶ λίμ. καὶ επεὶ οὐνέτες τὸ μὲν ἀβδόγρά-  
μνον, τῷ θεῷ παράληλογράμμῳ: τὸ δὲ διέγε-  
ται ημέρα, οὐλον ἄρετες τὸ ἀβγδόγράμμον, οὐ-  
λω τῷ καὶ λίμ παράληλογράμμῳ, οὐνέτες.  
(Συμπέρασμα.) Τῷ ἄρα διοθέντι σύγ-  
γράμμῳ τῷ ἀβγδόγράμμῳ παράληλογράμμον  
οὐαίστα τῷ καὶ λίμ: σὺ γωνία τῇ πασὶ ζητεῖ:  
ηὐτενιστοι τῇ δοθείσῃ τῇ ε. οὐδέ τέλειον ποιεῖ.

Πρότασις με. Πρόβλημα.

**Α** Πὸ τὸ διοθέντι σύγγενας περγάμων ἀνα-  
γράψαι.

Εκθεσις. Εῖσω η δοθεῖσαι σύγενα, η ἀβ. (Διο-  
έσμος.) Δεῖ δὴ διπλὸν τὸ ἀβ σύγγενας περγάμων  
ἀναγράψαι. (Κατσουδῆ.) Ηχθω τῇ ἀβ  
σύγενα: διπλὸν τῷ περγάμῳ τῇ σημείῳ τῷ α: περγά-  
μοθάση ἀγ: καὶ κείσθω τῇ  
ἀβιστοι, η ἀδ: καὶ διὰ μὲν  
τῷ δ σημείῳ: τῇ ἀβ πα-  
ράληλογράμμῳ ηχθω, η δὲ:  
διὰ δὲ τῷ β σημείῳ, τῇ  
ἀδ παράληλογράμμῳ ηχθω,

ηβε,

η βέ. (Απόδεξις.) Παραλληλογράμμων ἄ-  
ρα εἰς τὸ ἀδεβ. ἵστ αρά εἰς ή ἀδ. τῇ δὲ:  
η δὲ ἀδ. τῇ βέ. ἀλλὰ καὶ η ἀδ. τῇ ἀδ εἰς ί-  
ση. αἱ τεσσαρες ἄρα αἱ βά, ἀδ. δέ, βέ. ἴσου ἀλ-  
λήλαις εἰσὶν. ισότιτλων ἄρα εἰς τὸ ἀδεβ  
παραλληλογράμμων. (Διοργμὸς δύπε-  
ρθ.) Λέγω δὴ ὅπικαὶ ὄρθογώνιον. (Απόδε-  
ξις.) Επεὶ γὰρ εἰς παραλλήλας τὰς ἀδ. δέ: δί-  
θεῖα σύνεπεσεν η ἀδ. αἱ ἄρα ταῦθι βαδ., ἀδε  
γωνία: δυσὶν ὄρθαις ἴσου εἰσὶν. ὄρθη δὲ η ὑ-  
πὸ βαδ. ὄρθη ἄρα καὶ η ταῦθι ἀδε. τῶν δὲ  
παραλληλογράμμων χωρίων, εἴ απ' ἐναῦτ-  
ον τιλθαίτε Σ γωνία: ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν.  
ὄρθη ἄρα καὶ ἐκάπερα τῶν ἀπεναντίον τῶν ὑ-  
πὸ ἀδε, βεδ γωνιῶν. ὄρθογώνιον ἄρα εἰς τὸ  
ἀδεβ. ἐδείχθη δὲ καὶ ισότιτλων. (Συμπέ-  
ρασμα.) Τετράγωνον ἄρα εἰς: καὶ εἰς δύπο-  
τῆς ἀβ δίθειας ἀναγεγραμμένον. Ὅπερ ἔδει  
πριήσαι.

Πρότασις μζ. Θεώρημα.

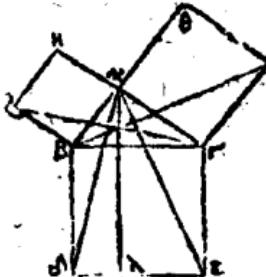
**Ε**Ν τοῖς ὄρθογώνιοις τετριγώνοις, τὸ δύπο τῆς  
τιμὴ ὄρθιες γωνίαν ταῦθιενάσης τιλθ-  
ρᾶς τετράγωνον: ἵστον εἰς, τοῖς δύπο τῶν τιμὴ<sup>ς</sup>  
ὄρθιες γωνίαν ταῦθιενάσων τιλθρᾶν περισ-  
γώνοις.

ΕΥΚΛΕΙΔΟΤ

Εκδοσις.) Εῖσω τρίγωνον ὄρθογάνον, τὸ ἀβγ, ὅρθια ἔχον τὰ ὑπὸ θαυματ.

(Διορισμὸς.) Λέγω ὅπερ τὸ δόκιμον βῆτον περιγράψαντο, εἰς τὸν οὗτον τοῖς δόκιμοις τῶν βασικῶν περιγράψαντος.

(Κατασκευὴ.) Λαζαρίνη γράφω γὰρ δύο μὲν τῆς βῆτος περιγράψαντο, τὸ βδυγέ: δύο δὲ τῶν βασικῶν περιγράψαντο, αὐτὰ τὰ ηβ, θγ: καὶ διὰ τοῦτο, ὅποιέρα τῶν βδ, γε, παράλληλος ηχθω ἡ αλ: Σὲ περὶ ηχθωσαι αἱ αδ, ζγ. (Απόδειξις.) Καὶ ἐπεὶ ὅρθι ἐστιν ἐκατέρα τῶν ἴσων βασικῶν, βασικῶν γωνιῶν: πέρος δῆλον πνι σύθεια, τῇ βασικῇ τῷ περὶ αὐτῇ σημείῳ τῷ α: δύο σύθειαι: αἱ αγ, αἲη: μὴ ἵστι τὰ αὐτὰ μέρη καί τοι: τὰς ἐφεξῆς γωνίας, δύσιν ὅρθαις ἰσος πνισσον. επ' οὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ γα, τῇ αἴη. διὸ τὰ αὐτὰ δῆλη ἡ ἀβ: τῇ αθ, εστὶν ἡτοί σύθειαι: καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστιν ἡ ἴσων δύο βῆτον γωνία, τῇ ἴσων ζβα. ὅρθη γνθέατερα. καὶ περὶ περισσούσιμων ἡ ὑπὸ αβγ. ὅλη ἄρα ἡ ἴσων δύο βῆτον γωνία ἐστιν ιση. καὶ ἐπεὶ δύο αἱ δβ, ζα: δύσιν ταῦτα βζ, ζγ ἴση γεστον, ἐκατέρα ἐκατέρα: καὶ γωνία ἡ ἴσων δύο βασικῶν γωνιῶν τῇ ἴσων ζβγ, ιση.



τὸν. Βάσις ἀρετὴ ἀδ., βάσις τῇ ζῇ ἐξὶν ἵση: καὶ τὸ ἄβδος τριγώνου, τῷ ζῇ τριγώνῳ εἰς τὸν οὐρανόν: καὶ εἴ τοι μὴ ἄβδος τριγώνος, διπλάσιον τὸ βλῆπαραληλόγραμμον: βάσιν τὸ γόνιον τῶν αὐτῶν ἔχει τὸν δέλτα: καὶ εἴ τοις αὐτοῖς εἰσὶ παραλήλοις, πᾶς βολή, ἀλλ. τοῦ δὲ ζεύκτη τριγώνος: διπλάσιον εἶται τὸ ητετράγωνον. βάσιν τὸ γόνιον τῶν αὐτῶν ἔχει τὸ ζεύκτη: καὶ εἴ τοις αὐτοῖς παραλήλοις εἰσὶ, τοῖς ζεύκτη, τὰ δὲ τῶν ισων διπλάσια: οὐαὶ ἀλλήλοις εἴτε οὐαὶ ἀρεταῖς καὶ τὸ βλῆπαραληλόγραμμον, τῷ ητετράγωνῳ. Ομοίως δὴ οὐτιζόμυνομένων τῶν αὐτῶν, βηδειχθήσεται καὶ τὸ γόνιον ταραχηλόγραμμον, οὐαὶ τῷ θεύ τετράγωνῳ. ὅλον ἄρα τὸ διβεύκτη τετράγωνον: διυσὶ τοῖς ητετράγωνοις, οὐαὶ εἴτε τὸ μὴ δέλτα ητετράγωνον: διπλὸν τῆς βηδειχθήσεται, τὰ δὲ ητετράγωνον: διπλὸν τῆς βηδειχθήσεται, τὰ δὲ ητετράγωνον: οὐαὶ εἴτε τοῖς, διπλὸν τῶν βηδειχθήσεται, τὰ δὲ ητετράγωνον: Συμπέρασμα.) Εγάρα τοῖς ὄρθογωνίοις τριγώνοις: τὸ διπλὸν τῆς τῶν ὄρθιων γωνίαν ταπεινόντος παλμύρας τετράγωνον: οὐαὶ εἴτε, τοῖς διπλὸν τῶν τῶν ὄρθιων πενιεχόσων παλμύρων τετράγωνοις. οὐαὶ εἴτε διπλὸν τηνέα.

## ΕΤΚΛΕΙΔΟΥ.

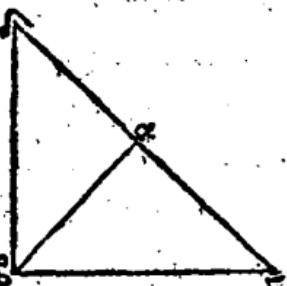
Πρότασις μη. θεώρημα.

**Ε**Αν τρίγωνον, τὸ δόπο μᾶς τῶν αλδυρῶν περάγωνων: ἵσσον ἡ τοῖς δόπο τῶν λοιπῶν τῷ τριγώνῳ σύνο αλδυρῶν περάγωνοις: ἡ περιεχομένη γωνία, ταῦτα τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου σύνο αλδυρῶν, ὄρθη ἐστι.

Εκθεσις.) Τριγώνῳ τῷ τριγώνῳ: τὸ δόπο μᾶς τῆς βγ αλευρὰς περάγωνον: ἵσσον ἐστι τοῖς δόπο τῶν βα, αγ αλευρῶν περάγωνοις.

(Διορθομήσ.) Λέγωσπόρ.

Θὴ ἐστιν ἡ ταῦτα βαγ γωνία. (Κατασκευὴ.) Ηχθω γὰρ δόπο γ α σημείον, τῇ αβ αεφ ὄρθας θεῖα, ἡ

αδ: καὶ κείσθω τῇ γα, ἵση β  


ἡ αδ καὶ περιβλήθω ἡ δβ. (Απόδεξις.) Καὶ επεὶ ἵση ἐστιν ἡ δα, τῇ αγ ἵσσον ἐστι, καὶ τὸ δόπο τῆς δβα περάγωνον: τῷ δόπο τῆς αγ περάγωνον: καὶ νόν αφεσκείσθω, τὸ δόπο τῆς αβ περάγωνον: τὰ ἀρχαὶ δόπο τῶν δα, αβ περάγωνοις: ταῦτα τοῖς μὲν δόπο τῶν δα, αβ: ἵσσον ἐστι τὸ δόπο τῆς δβ: ὄρθη γδ ἐστιν ἡ ταῦτα δαδ γωνία: τοῖς δὲ δόπο τῶν αβ: αγ: ἵσσον ἐστι τὸ

πότερον.

πὸ τῆς βῆ. ὕστερη γὰρ. τὸ ἄρα δότο τῆς  
δβ τετράγωνον: οὐν ἐξι τῷ δότο τῆς βῆ τε-  
τραγώνῳ. ὥσε καὶ πλευρὴ σβ: τῇ βῆ ἐ-  
στιν ἴση. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐξινή ἀδ τῇ ἀβ. καὶ νη  
ἢ ἡ αγ. δύο δημιαὶ δα, αβ: δημιοὶ τῷ βᾶ, αγ  
οι εἰσὶ καὶ βάσιση δβ, βάσι τῇ βῃ ἐξιν ἴση.  
γωνία ἄρα ἡ τῶ δα, γωνία τῇ τῶ δα,  
ἐξιν ἴση. ὅρθη σβεη τῶ δα. ὅρθη ἄρα καὶ οὐ  
πὸ δα. (Συμπέρασμα.) Εαὐτὸς τριγώ-  
να, τὸ δότο μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγωνον: οὐ-  
σσιν ἐξι τῷ δότο τῶ λοιπῶν τῷ τετράγωνος δύο  
πλευρῶν τετραγώνοις: η ἀβεκχορδή γωνία,  
τῶ λοιπῶν τοῦ τετράγωνος πλευ-  
ρῶν ὅρθη ἐξιν. οὐδὲ ἔδει  
δῆξαι.

ΤΕΛΟΣ.



ΟΝΟΜΑΤΑ  
ΕΚ ΤΩΝ ΤΟΥ ΗΡΩΝΟΣ, ΠΕΡΙ  
τῶν τῆς γεωμετρίας ὀνο-  
μάτων.

Ονόματα γεωμετρικὰ

Η μεῖον ἔστιν ψεύτης μέρος τοῦ οὐθένος: η τέρας ἀποδιάσπαστον: η τέρας γραμμῆς. πέφυκε δὲ διανοίᾳ μόνῃ σπέληη πλούτεινα: ὡσανεὶ ἀμερέσ τε καὶ ἀμεγεθὲς τυγχάνον. Τοιόταν οὖν αὐτὸς Φασὶν εἶναι: εἰον δὲ χρόνῳ τὸ οὐεῖσθαι: καὶ οἷον μονάδα θεοῖν ἔχουσιν. Οπρήμαν τῇ ζογίᾳ, ταυτὸν τῇ μονάδι (ἀδιάρετα γὰρ ἀμφώ, καὶ ἀσώματα, οὐδὲ μέρισμα) τῇ δὲ σπηλιφανείᾳ, καὶ τῇ χρέος διαφέρει δῆλον. η μὲν γὰρ μονὰς δέχηται δριθμόν: τὸ δὲ σημεῖον τῆς γεωμετρουμένης ζογίας αρχὴ. δέχηται δὲ κατέκειστον, ψήφισμένης μέρος η μονὰς: αφεστηπνούμενου δὲ αἵττων. κατηθέντος γὰρ τῷ μᾶλλον νοηθέντος δὲ ρῆσθνος τοιαῦτη γραμμῆς. ὅπερ σημεῖον ἔστιν γεγραμμῆς αρχὴ σπηλιφανεία δὲ σερεψεῖ σώματος.

Γραμμὴ δὲ ἔστι μῆκος ἀπλατέες: η τὸ πέρατον δὲ μεγεθεῖ, πλὴν τούτου λαμβάνον: η τὸ

εὐδία-

τὸν Διδυτόν τε καὶ διαιρετὸν. γίνεται δὲ αι-  
μῆς ρύντ<sup>Θ</sup> ἀνάθει καὶ πάλια. σύνοια τῇ κατὰ  
τὴν σωέχειαν περιέχεται· καὶ περιττῶν ση-  
μεῖοις πέρας ὑπέφασίας αὐτῇ γενομένη. Λέ-  
γοιτο δὲ ἂν εἶναι γραμμή· τὸ διαιρετὸν δοτὸ τῆς  
σκάλας τὸν ἄλλακιν ἀκτίνα· ἡ δοτὸ τὸν περιφέ-  
πομένου μέρους τὸν σκιαν. καὶ σύμβατίων ὡς  
ἐν σωέχεσσι νοομένω, τὸ χωρίζον τὸν περιφέ-  
ραν δοτὸ τὸν ἔριον πὸ τὸν ἔρλον, δοτὸ τῆς περιφέ-  
ρας. ἡδῆ σὲ, καὶ τῇ σωήθεια τῆς γραμ-  
μῆς εἴνοιαν ἔχομδι· ὡς μῆκες μόνον ἔχόστης·  
ἀκέπ δὲ ταλάτ<sup>Θ</sup> ἢ βάθος· λέγομδι γάρ τὸ  
ταῖχος ἐνὶ καθεδρὶ ταύθεσιν πηχῶν· ἀκέπ  
δοτοβλέποντες εἰς τὸ ταλάτ<sup>Θ</sup>, ἢ τὸ τάχος.  
ἡ ὁδὸς επεδίων. γράμματος μόνον, ἀκέπ δὲ καὶ  
τὸ ταλάτ<sup>Θ</sup> αὐτῶν πολυπειρημονῶντες· ὡς  
γραμμικινὴ μὲν εἴναι καὶ τὸν ποιάτην ἔξαρ-  
ριθμησιν· ἀνίκα καὶ σύθυμειρικὰ καλεῖται.

Τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσὶν οὐθεῖαι· αἱ δὲ  
εῦ· καὶ τῶν μὴ οὐθεῶν, αἵ μὲν εἰσὶν κυκλικές·  
περιφερεῖαι οὐομαζόνδημα. αἱ δὲ καμπύλαι.  
Εὐθεῖα μὲν γραμμὴ εἰσὶν· ἡ περιέσχη τεῖς  
ἐφ' ἵαυτῆς σημεῖοις κεῖται. ὄρθη γάρ, καὶ οἷον  
τοῦ ἄκρου τεθημένη. ὅπερ τὰ πέρατα· ἡ πε-  
ριέσχη.

ΟΝΟΜΑΤΑ

δύο δοθέντων σημείων, η μεταξὺ ἐλαχίστη  
ἐστιν· Γῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχοντων χραμμῶν.  
καὶ ης ταῦτα τὰ μέρη, τῶσι τοῖς μέρεσι,  
ταπιοίσες ἐφαρμόζειν πέφυκε. καὶ τῶν πε-  
ράτων ρήμόντων: καὶ αὐτὴ μήντος: οἷον ἡ τῷ  
αὐτῷ ὅπτικέδω στρεφομένη: καὶ τοῖς τὰ αὐ-  
τὰ πέρατα τὸν αὐτὸν αἰς τόπον ἔχουσα. γε δὲ  
μία διθεῖα, γε μόνον χῆμα τελεῖσι. Κυκλικὴ  
χραμμαὶ εἰδί, οἵσαι τοῖς εν σημείον τῷ φερόντος  
ἐπ' ἄκρου τετάμημάι: η κύκλος, η μέρη κύ-  
κλων διποτελέσοι: μόνα τῶν ἄλλων χραμμῶν  
χρήματα γάστρα ποιητικά. Τῶν δὲ καμπά-  
λων χραμμῶν εἰδίν μὲν τὸ πλήθερον ἄπορον.  
αἱ γὰρ ὅπτι τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοίλα ἔχοντιν: αἱ  
δὲ διπλαὶ τὰ αὐτὰ μέρη διὰ κοίλη χραμμῆσιν:  
ὅταν δύο σημεῖων ληφθέντων αὐτῆς, οποίων  
γάντια σημεῖα εἰπίθεμον εὔθεια: η τοις ιστοῖς  
αὐτοῖς πίπτει τὸ χραμμῆς: η ἔντος: σκήτος σῆμα  
δέκοιτε: σὸν ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κοίλη χραμμῆ  
ἔντη η γάχτως ἔχουσα. Ελεύθερος χραμμῆ  
ἔστιν οὐ επιπέδω μέρη, εαν διθεῖας, μήνοντα  
γάντερά πέρατι: καὶ κινουμένης οὐ τῷ επι-  
πέδῳ ἔως εἰς τὸ αὐτὸν διπόναται θητή:  
φέρεται π σημεῖον, διπλὸν μήνοντα πέρατον

τοῦ

τῷ οὐδὲ ἀρχαριδίου τῇ δίθεῖαι, καὶ οὐ μὴ ἀπὸ ταύτης τῆς δίθεῖας γενομένη χράμψι: κύκλῳ ἔσται. η δὲ δότο τῇ τῆς δίθεῖας Φερομένης σημεῖον: ἐλεῖ καλεῖται. Εάν παραλληλοχράμψις ὁρθογωνίς, ιδμέσης μᾶς πλευρᾶς. Τῶν τούτων ὅρθιαι γωνίαι: τούτειν εχθεν μὲν τὸ παραλληλοχράμψιον: εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν δότο καταστῆσθεν ἡρξατο Φέρεατι: ἄμφα δὲ τὰ παραλληλοχράμψια σημεῖον τὸ Φέρητι καὶ αὐτῆς τῆς μη μικρότερη παραλλήλη, δέξαμνον δότο τοῦ ἑτέρου πλευράτος: τὸ μὲν διὰ τοῦ ληφθεν χώματος, τὸ δὲ τὸ παραλληλοχράμψιον κανήσεως: καλεῖται κύλινδρος Θν: η δὲ τὸ τῇ Φερομένης σημεῖον χράμψι: γίνεται ἐλεῖ: ης ταῦτα μέρη Θν, ἐπὶ παντες Φαρμόζει: ὅταν ἐπειδανταί τὰ μέρη τὰ κοῖλα εχῃ.

ἘπιΦανέδειν ὁ μῆκος, καὶ πλάτος θ. μόνον ἔχει: η πέρας σώματος Θν καὶ τὸ πλάτος, η τὸ επίδυο Διαστόν μέρος Θν: η τὸ παντὸς σερεπτικοῦ ἐπιπέδου χώματος Θν: κατὰ δύο Διαστάσους μήκες καὶ πλάτους ἐπιΦανόμενον πέρας. γίνεται οὖτε ρύσος τὸ χράμψις, καὶ τὸ πλάτος Θν, δότο δεξιῶν ἐπ' ἀριστερὰ ρύσος. Καὶ γεῖται αὐτοῖς οὐταντας Φανέδα, πᾶσα σκιά, καὶ

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τῶν οὐρανοῦ ὁ καὶ γῆς σπάλγει, οἱ Πυρίδαι  
γόροι τὰς ἐπιφανείας: νοεῖτο δὲ καὶ καθ' ὁ  
μάγνυτας ὁ ἀπὸ τῆς γῆς: ἡ ἄλλως σερεῖσσα σώματα: ἡ  
ὁ ἀπὸ ὑδάπι: ἡ τὸ ὑδώρ ποτηρίων ἡ ἄλλο πνιγό-  
χείω. Επίπεδος ἐπιφανείας εἶναι, ἡ περιέχου-  
σσου τῆς ἐφ' ἐαυτῆς θέσης κατατάξη. ὁρθὴ γάρ  
ἀποτέλεσμάν: λίγος επιδιάν δύο σημείων ἐπί-  
ψηται θέση: καὶ ὅλη ἀυτὴ κατὰ πάντα τόπο-  
παντοίως ἐφαρμόζεται: ταῦτα εἰς τὴν κατατάξην ὅλων  
θέσην ἐφαρμόζεται: καὶ ἡ ἀλαχίσιν πασῶν το-  
τὰ πάντα τὰ μέρη ἐφαρμόζεται τέλος. Οὐκ  
ἐπίπεδοι επιφανείαι εἰσὶν: αἱ μὲν γύρως ἔχο-  
μεναι: ταῦτα εἰς τὸν αἱ μὲν πάντη κατη θέσην Φερό-  
ιδην γραμματοῦ ἔχονται δὲ πάντα ἀναμελίσσουν:  
καὶ σόκορθαὶ δὲ ὅλου.

Στερεὸν εἴτε σῶμα τὸ μῆκος καὶ πλάτος Θ., Σ  
εάθη ἔχον: ἡ τὸ τῆς περιστής Διατάσσονται  
μέρον. καλοῦσται δὲ στερεὰ σώματα: καὶ οἱ τό-  
ποι. σῶμα μὲν δὲ μαθηματικὸν εἴτε τὸ τριγωνό-  
διαστετόν. σῶμα δὲ ἀνθλῶς τὸ πειρατὴν Διατά-  
σσον μετὰ ἀντιπίδας. περιστετόμενα πάντα  
τερεὸν τόπος ἐπιφανείων. γίνεται επιφανείας ἀ-  
πὸ τῶν περιστετόπισσων στεγάσσοντος.

Γωνία

Γενίσιος ἐπὶ σωματικὴ τοφὴς ἐν σημεῖον: ὅτι  
πόκεκλασμένης ὅππι φανεῖται, η̄ χραμμῆς ἀν-  
τιπλανδήη. κεκλασμένη δὲ λέγεται χρα-  
μῆ, η̄ περὶ σκυψαλομένη σημεῖοντος αὐτῇ καθ'  
ἴαντικ. Τῶν δὲ γωνιῶν αἱ μὲν εἰσὶν ὅπιπε-  
δοις αἱ δὲ στρεψαὶ. καὶ τῶν ὅπιπέδων, η̄ στρ-  
εψῶν: αἱ μὲν εἰσὶν ἐυθύχραμμαι: αἱ δὲ γ. Επί-  
πεδοῦ μὲν δὲν ἐνὶ κοινώς γωνία, η̄ σὺν ὅπιπέ-  
δῳ σύν χραμμῶν ἀπομένων ἀλλήλων, καὶ  
μη̄ ἐπὶ σύνθετας κοινῶν τοφῆς ἀλλήλων τῶν  
χραμμῶν κλάσις. Εἰσὶ δὲ οὐ συνχρεῖς ἀπό-  
μεραι ἀλλήλων αἱ χραμμαὶ: ὅταν η̄ ἐτέρη  
τοφῆς σκυψαλομένη κατὰ τὸν ιαντῆς σύνδι-  
σιν: μη̄ πίπτει καθ' ἡτούς ἐτέρης. Καὶ ἀλλως δὲ.  
Ἐπίπεδοῦ δὲν γωνία, χραμμῆς δὲν ὅπιπέδων  
τοφῆς ἐνὶ σημείων κλάσις. η̄ σωματικὴ, τοφῆς  
ἐνὶ σημεῖον υπὸ κεκλασμένης χραμμῆς: ὅπι-  
πεδοῦ δὲ σύνχραμμοῦ καλῶνται γωνίαι:  
ὅπερ αἱ συνέχουσαι αὐτῶν χραμμαι σύνθεται  
ἔσονται. ὅπιπέδος δὲ γωνίαι ἐν ὅπιπέδῳ τοφῆς  
ἀλλήλων σύνδισις τῶν χραμμῶν. η̄ χρα-  
μμῆς σύνθεται τοφῆς ἐνὶ σημείων κλάσις. οὗτοι  
γάρ γλωχίνας σκάλατοι Πυθαγόρειοι τὰς γω-  
νίας. Τῶν δὲ ταῖς ὅπιπέδοις δὲν σύνθετο χράμ-

## ΟΝΟΜΑΤΑ

μεν γένουται πλήθεις τοις απόροις. τῶν δὲ ἐν  
τοῖς οἰκείοις ἐνθυγραμμαν γνωστὸν εἰδε  
ῖστι τοῖσιν αἵ μὲν γέρονται, αἵ στέρεοις, αἵ στέρ  
εις αἱβλεῖαι καλεῖνται. Ορθὴ μὲν γένεται γνωστὴ  
η τῇ αὐληφράμυῃ ἴση. αὐληφράμυαν δὲ εἰσιν αἱ  
ποιεῖσθεῖα εἰπεῖσθείαν ταῦθεν. ὅταν γένεται  
θεῖα εἰπεῖσθείαν ταῦθεν. Γας ἐφεξῆς γνωστός,  
ἴσιος ἀλλήλας ποιεῖ ὁρθὴ ἐτύλι, ἐγχειρεῖ τῶν ἔ-  
σων γνωστῶν. Οξεῖα γνωστὰ εἰσὶν η ἀλάσσων ὁρ-  
θῆς. Αἱβλεῖα δὲ η μείζων ὁρθῆς. Οταν γένεται  
θεῖα, εἰπεῖσθείαν ταῦθεν γνωστός αὐτος  
ποιεῖ η μὲν ἀλάσσων καλεῖται οξεῖα η δὲ μείζων  
αἱβλεῖα. Πάσαι μὲν γένεται ὁρθή, πάσην ὁρθὴν εἰσιν  
ἴση· οὐκέτι δὲ πάσαι οξεῖα, πάσην οξεῖαν εἰσιν  
οὐδὲ πάσαι αἱβλεῖα, πάσην αἱβλεῖαν εἰσιν  
ἴση. Εὐθείας γένεται θεῖας ταῦθεν ταῦθεν ταῦθεν  
καλιγάστης διπλὸς τῆς ὁρθῆς μεχρὶ ταῦτα εἰλαττό-  
ταῦτα η οξεῖα· εἴς τοις ξεχίσμασιν αὐταὶ οὐθεῖα·  
οὐθεῖα· καὶ ἐφίκωνται αἱλλήλων. Θεῖας δὲ εἰπεῖσθε  
θεῖας ταῦθεν ταῦθεν, καὶ διπολιγάστης διπλὸς τῆς  
ὁρθῆς γνωστός μεχρὶ ταῦτα μείζων γίγεται  
αἱβλεῖα· εἴς τοις ξεχίσμασιν η οὐθεῖας η οὐθεῖας  
θεῖας η οὐθεῖας γένεται τῇ ιπποκρατίῃ.  
Ηγένεται γνωστός, καὶ τοινῶ, καὶ η μονάς  
ομοίως

όμοίως ἔχεστιν. οὐτε τὸ ὅρθη γωνία αἱ ἑδηκει  
η αὐτὴ μένεισθαι: τῆς δὲ εἴς την καὶ ἀμφοτεῖας ἐπί<sup>τ</sup>  
ἀπόρου μετακριθήσεται. οὐτε μενάσθαι, αὐτὴ ἔν  
τικενό δὲ μερογομός τοῦτο αὐτῶν, καὶ η σώθει  
σις: καὶ τὸ γεῦ δὲ καὶ αὐτὸς εὑνέκει: οὐδὲ παρελη<sup>τ</sup>  
λυθώσι: καὶ οὐ μέλλων, επί τοις.

Στερεὰ γωνία καὶ νῶτος μόρος εἰναι ὅπει φανέσις  
Θέτε τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἔχεστιν τούτος εἰ  
νὶ σημεῖῳ σωσαγωγὴ. Καὶ ἄλλως δὲ στερεὰ γω  
νία εἰστιν: τοῦτο τοφόναν η δύο ὅπει πέδων γων  
ιῶν αὗτε χορδή. η σωσαγωγὴ στερεὰ, οὐ φέ  
νος σημεῖον κεκλασθείη ὅπει φανέσις, τούτος  
γραμμικός: οὐ περὶ ἀκβαλλορείην, οὐ συμπίπτον  
αὐτὴ καὶ δὲ εἰστησ. Νοῆται δὲ ὁμβαλλορέ  
ιη: ὅταν μὴ Φάγεται μὴ ἀκβαλλεῖσθαι ὅλον αὐτ  
ῆς τὸ μῆκος. ομοίως καὶ ὅπει πέδων ἀκβαλλό<sup>τ</sup>  
μονον νοεῖται. Ιδίως δὲ ὁμβύγραμμοι στερεῆ  
γωνίαι καλλύτατοι αἱ ὅπει φανέσιαι αἱ ποιῶσαι  
τὰς γωνίας, τοῦτο γωνιῶν ὁμβύγραμμαν πε  
ριέχονται: ὡς αἱ τῶν ποραμίδων, καὶ αἱ τῶν ζε  
ρεῶν πολυέδρων, καὶ αἱ τῶν κύβου. οὐκ ὁμβύ  
γραμμοί στερεοί μὲν αἱ μητρῶς ἔχεσσαν, οὐδὲ αἱ τῶν  
ζερεῶν.

Στερεῆ μετατόπισθαι τὸ ποιῶν τοντον τον

## ΟΝΟΜΑΤΑ

Ονοματικού: ἡ τὸ πέραπι, ἡ πέρασι συγκλόνισι  
νοντούσι ρήμα ἢν τὸ διχηματικόν. λέγεται  
δὲ ἄλλως. χῆμα, πέρασ συγκλέον διπά τῷ  
χηματίζοντος. Εἰρηται δὲ τὸ χῆμα παρὰ τὸ  
σῆμα, δεξιὲ συγκλεούσιμον ἢ συγκλοίων. Διε-  
φέρει δὲ τὸ περέχων, πέρασις: πέρας μὲν γένεται  
καὶ τὸ σημεῖον: ὅνπω δὲ χῆματι ποιητικόν.  
Ορος δὲ χημάτων εἰσὶν, αἱ τὰ ὅπισθαις  
καὶ γραμμαῖ: κέκληται δὲ ὄροι: παρὰ τὸ ἐ-  
ρίζειν μέχρι πέντε τὸ χῆμα: τὗτος ἐσὶ τὰ τέλη  
τῶν χημάτων καὶ τὰ πέρατα δείκνυται. Τῶν  
ἔχονταν, ἀ μὲν εἰς ὅπισθαι, ἀ δὲ γερέα:  
ὅπισθαι μὲν γάντι, τὰς εἰς τὰς αὐτὰς ὅπισθαις  
πᾶσις ἔχοντας γραμμὰς. γερέα δὲ, τὰ μὴ  
εἰς τὰς αὐτὰς ὅπισθαις πᾶσις ἔχοντας τὰς  
γραμμὰς: τῶν δὲ τὰς ὅπισθαις χημά-  
των, ἀ μὲν εἰς ἀσώθεται: ἀ δὲ σώθεται. ἀσώ-  
θεται μὲν γάντι, τὰ μὴ συγκένδυτα σκηνή γρα-  
μμῶν, συστέτηται: τὰ σκηνή γραμμῶν συγκένδυτα:  
τὸ δὲ σώθεται χημάτων, τῶν δὲ τὰς ὅπισθαις  
χημάτων: ἀ μὲν εἰς ἐξ ὀμογράντισθεται: ἀ δὲ  
ἐξ ἀνομοζενῶν. οἷον οἱ λεγόμενοι πομεῖς τῶν  
κύκλων: καὶ τὰ ἥμικύκλια, καὶ αἱ ἀψίδες, καὶ  
τὰ μεῖζονα τριγύρτη τῶν κύκλων: λέγεται.

δ' αὖ

δή αὐτοὶ μειώσκοι, καὶ αἱ σεφάναι, καὶ τὰ περιεπλέγοτα.

Κύκλῳ εἰς τὸ οὐρανό μᾶς χραμμῆς περιεχόμενον ὅπερι πεδον. τὸ μὲν δὲ χῆμα καὶ λεῖψη κύκλῳ. ηδὲ τοιεύχοντο αὐτὸν χραμμή, τοιερυφίσα: τοὺς γάρ αὐτοὺς ἐντὸς σημείου τῶν ἀντὸς τοῦ χήματος κύκλων: πᾶσαι αἱ περιστοιχοι διθέαις οὐκ ἀλλήλας εἰσὶν. Επειδὴ μὲν δὲν ἔντος τοῦ σημείου τοῦ κέντρου καλεῖται: εἰσὶ δὲ μηδὲν ἀντὸς αὐτῷ επιπέδῳ πάλος: ὡς ἔχει ὅπερι τῶν ἀντῶν σφάρας κύκλων. Λέγεται δὲ καὶ ἄλλος κύκλος χραμμή, ηδὲ πιστὸς πάντα τὰ μέρη: οὐ ποτὲ διαίσημενος γίνεται δὲ κύκλος επὶ ἀνδριθέᾳ: ἐν τῷ αὐτῷ ὅπερι πάντας τοιεύχοντα μέρηντος τοῦ εντὸς περιφέρειας τοῦ εἰτέρω τοιεύχοντος αὐτὸς τὸ αὐτὸν πάνταν διοικεῖται: οὗτον ηρξατο Φέρεοδας.

Διάμετρῷ δὲ τοῦ κύκλου εἰς τὸ διθέαν πιστὸν τοῦ κέντρου ηγεμόνη, καὶ περιτταὶ μόνοι εἰσὶ οὐκάπερα τὰ μέρη, τὸ τῆς διατομῆς κύκλος τοιεύχοντας: ηδὲ πιστὸν διχατέμνει τὸν κύκλον: ηδὲ διθέα διχατέμνει τὸν κέντρον, ἐώς τῆς τοιεύχοντος διαγραμμής. Ημικύκλιον εἰς τὸ περιεχόμενον

## ΟΝΟΜΑΤΑ

χῆραι ἵστος τῆς Διαμέτρου, καὶ τῆς δόπολαρης  
Βανοφύδης ὅπερ ἀντῆς τοῖς Φερέασι: η τὸν πόλειον  
τῆς Διαμέτρου τὸν κύκλου: οὐδὲ τοῖς Φερέασι  
τοῖς εἰσεχόμενον χῆραι. Κοινῶς τηγρανίκλα  
ἔστιν, αὐτοῦ μείζον, αὐτοῦ ἐλαττονήμικλίς, τὸ  
τοῖς εἰσεχόμενον χῆραι, ἵστος Βίθεας, καὶ κύκλου  
τοῖς Φερέασι. Εν τηγρανίκλαι γωνία ἔστιν. ὅταν  
ὅπερ τῆς τοῖς Φερέασι τὸν τηγρανίκλα Λυθρῆ  
ἴσημενον: δόπολε τὸν τηγρανίκλα, ὅπερ τὰ πάσεα  
τῷ τῆς Βίθεας ὅπερ διχθωσκούσης Βίθεαν, η τοῖς  
εἰσεχόμενη γωνία ἵστος τῶν ὅπερ διχθειστῶν ἴση  
μενον. Τορεὺς δὲ κύκλος ἔστι τὸ τοῖς εἰσεχόμε-  
νον χῆραι, ἵστος δύο μηδὲ Βίθεαν, μιᾶς δὲ τε-  
ρετοῖς Φερέασι. η τὸ τοῖς εἰσεχόμενον χῆραι ἵστος τῶν  
τέλος τυχόσαις εἰς κύκλον, περού τὸν κέντρῳ γω-  
νίαν τοῖς εἰσεχόμεναι: οὐδὲ τῆς δόπολαρης βανοφύ-  
δης ὅπερ αὐτῶν περοῖς Φερέασι. Πάσαι τοῖς  
Φερέασι, κατὰ μηδὲ τῶν περού τὸ τοῖς εἰσεχόμενον  
χωρίου νοήσοι: κείλη καλεῖται: κατὰ δὲ τῶν  
περού τὸ τοῖς εἰσεχόν κυρτῆ. Μέσιον δὲ ἔστι  
τὸ τοῖς εἰσεχόμενον χῆραι ἵστος δύο τοῖς Φερέασι:  
η δύο κύκλων μηδὲ τὸ αὐτὸν κέντρον ὄντων:  
περοχὴ κείλης οὐδὲ κρυτῆς: η τὸ τοῖς εἰσεχό-  
μενον ἵστος δύο τοῖς Φερέασι όπερ τὰ αὐτὰ  
μέρη

μέρη τὰ κοῖλα ἰχθυσῶν. Σπεριάνη δὲ εἰς τὸν  
τὸν αὐτεκχόμενον χῆραν τὸν τῶν δύο κυρτῶν  
αὗταις φερεῖσθαι: οὐδύο κύκλων τοῖς τοῦ αὐτοῦ κέν-  
τρουν τοπορικήν. Πέλεκις δὲ εἰς τὸν αὐτεκχόμε-  
νον τὸν τοστάρων αὗταις φερεῖσθαι: δύο κοῖλων, καὶ  
δύο κυρτῶν: καθθέλουν γένεταιν, ἀσθελητήτην  
εἰς τὸν αὐτοῦ πόλεμον τῶν τρισιώντων αὐτοῖς  
φερεῖσθαι χημάτων: ἐν γε μᾶλλον τῶν τοῦς  
αὗταις φερεῖσθαι.

Τῶν ἐν τοῖς ὅπλοις σίθυγράμμων οὐ κα-  
μάτων: ἀλλὰ εἰς τρίγωνα, η τρίγωνα: ἀλλὰ δε  
τοτρίγωνα, η τετράγωνα, η πετράγωνα: ἀλλὰ δε  
πολύγωνα η πολύγωνα. Τρίγωνον εἰς τοῦ  
χρυσοῦ ὅπλιτον τοῦτο τοῖς αὐθαίρων αὐτεκχό-  
μενον: τριῶν ἔχον γωνίας. Τῶν δὲ ποιγώ-  
νων η τριγωνούρων χημάτων, τὰ γυμνώτερα  
αἴδη εἰνὶ οὖν. Δεσμὸς μεν γένεται τῶν πλευρῶν: ἀλλὰ  
καθλεῖται ισόπλευρος, ἀλλὰ ισοπολῆ, ἀλλὰ  
σκαλητὰ. ἀπὸ δὲ τῶν γωνιῶν. ἀμέν εἰς τὸν ὄρ-  
θογώνια, ἀλλὰ οὔγυγάμα, ἀλλὰ ἀμβλυγύ-  
γάμα. Εἶπεν μὲν τῶν ὄρθογωνίων, δύο γένη: τὸ τε  
ισοπολέτες, καὶ τὸ σκαλητὸν. Καὶ δέ γένεται ὄρθογώ-  
νιον ισόπλευρον: τὰ δὲ ἄλλα τρίγωνα τὰ μὴ  
ὄρθογώνια ταῖς τοῦ πλεύρου εἰς δύο μό-

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τον ἔχει Φύσης· ἀλλὰ καὶ ἐπί τοι πάπιρον χωρέει.  
Ισόπτερον μὲν ἔντον ὅταν τρέπεις ἵστης ἔχει  
πλευράς, ηγανίας. Ισοσκελές σῆμα, ὅταν τὰς  
δύο μόνας ἵστης ἔχει πλευράς. Σκαληγάδη  
ὅσα τὰς τρέπεις αὐτίστης ἔχει πλευράς. Ορθο-  
γώνιον σῆμα ἔστι, τὸ μίαν ἔχον ὄρθιον γωνίαν.  
ἔξυγώνιον σῆμα τὸ τὰς τρέπεις ἔξτης ἔχον. Αμ-  
βλυγώνιον σῆμα τὸ μίαν ἔχον αμβλητὴν γω-  
νίαν. Τὰ μὲν ἔντον ισόπτερον πάντα ὔξυγώνια  
ἴστι. τῶν σῆματος ισοσκελῶν, ηγανίαν· αἱ μὲν ἔστι  
φρεσκάγνια, αἱ δὲ ὔξυγνια, αἱ σῆματα μιβλυγώ-  
νια.

Τετράπλευρον ἔπιπεδον ἔστι φῆμα, τὸ  
τοῦ ποτάρων δίθεων πεντεχόμινον· ποτά-  
ρας ἔχει γωνίας. Τῶν σῆματος τετράπλευρων  
φημάτων, αἱ μὲν ἔστι ισόπτερον· αἱ δὲ γ. τῶν  
σῆματος πλάγιων, αἱ μὲν φρεσκάγνια, αἱ δὲ γ. τὰ  
μὲν ἔντον φρεσκάγνια ισόπτερον· τετράγνια  
χαλεπά. τὰ δὲ φρεσκάγνια μὲν μὴ ισόπτερον  
εἰσί· εἰπομένη καλεῖται. τὰ σῆματα ισόπτερων  
μὲν μὴ φρεσκάγνια σῆματα· ρόμβοι. τὰ δὲ μήτη  
ισόπτερα, μήτε φρεσκάγνια, τὰς δὲ αὔπεγον-  
τίους πλευράς τε ηγανίας ἵστας ἀλλήλους ἔ-  
χον· αἱ ρόμβοι δὲ καλεῖται. Επι τῶν τετρα-  
πλευρῶν

πλεύρων, ἀ μὴν καλέσται παραπληόγεραμ-  
ματά δὲ εἰς παραπληόγεραμα. παραπληό-  
γεραμία μὴν εἴν τὰ τὰς ἀπεναντίου πλευρᾶς  
παραπλήλεις ἔχοντας οὐ παραπληόγεραμα  
δέ, τὰ μὲν οὖτας ἔχονται. Τῶν δὲ παραπλη-  
λογράμμων, ὅρθογώνια δοκιμάζειεν λέ-  
γεται ωστὸ τῶν τέλος ὄρθλεων γωνίαν πείνεχον-  
σῶν δύθειῶν. έστι γὰρ μέγιστην τῶν ωστὸ τῶν ἕ-  
στων πλευρῶν περιεχόμενον παραπληό-  
γεραματον, τὸ δὲ ὄρθηγωνία. Ἀπέρον γὰρ ὑπε-  
νοῦσται. παραπληόγεραμα δὲ οὐστὸ τῶν  
περιεχόμενων πλευρῶν Διάφορα κατὰ τὸ  
ἐμβαῖον τυγχαίσοντα, ἐλάττονα γίνεται: τὸ  
δὲ ἔχον τέλος ὄρθλεων μέγιστην. Επεὶ δὲ τὸ  
τετράεδρον τὰ τοιαῦτα χήματα: ὅρον τοσό-  
ντον εἶναι, τὸν τοῖς τέλος ὄρθλοις γωνίαιν λόγον.  
Παντὸς δὲ παραπληόγεραμα, τῶν τοῖς τέλο-  
Διάμετρον αὗτοῖς παραπληόγεραμάτων: εἴν οὐ  
ποιοῦν, σωὶς τοῖς δύσι παραπληρώμασι, γνώ-  
μαν καλέσται. Καθόλου δὲ γνώμαν έστιν παῖ-  
ος περιστλαβάνοις διεργίμαν. Η σχῆμα το-  
ῦ τοῦ ὄλον ὄμοιον οὐ περιστείληθεν. Τῶν παρὰ  
τὰ εἰρημένα περιστλαβάρων ἀ μὴν τεταπέζα

## ΟΝΟΜΑΤΑ

λέγεται, ἂντε γραπτοῖς οιδῆς, γραπτέρια μὲν τὸν ἐ-  
στὶν ὅσα μόνον δύο παραλλήλως ἔχει τοιενότας:  
πρόστις γραπτοῖς οἷς μὴ ἔχει παραλλήλως τοιενό-  
τας. Τῶν δὲ γραπτέρων ἀμφὶ εἰς ισοσκελῆ,  
ἄλλα σκαληνά: ισοσκελῆ μὲν τὸν ἑταῖρον, ὅσα εἴκε-  
ἔχει τὰς μὴ παραλλήλως. Σκαληνά δὲ ὅσα  
ανίσχες ἔχει τὰς μὴ παραλλήλως.

Πολύτλευρα ὄπτηπέδα σχῆματα εἰσὶ τὰ  
ταῦτα πλεύσοντα, ηγετάριαν δίθειαν περιεχό-  
ντα. εἰσιν πενταγώναι, καὶ τὰ εἴκοσι πλέυρα-  
ντα εἰς ἄποδον περιειστατα.

Βάσις λέγεται ὄπτηπέδα χωρία χειροποιή  
ώσαντει κάτω νομένη. πλευραίσθεντα τῶν  
τοσχῆματος περικλίνεσθαι. Διαγώνιας δὲ η ἀ-  
πόγωνίας εἰς γωνίαν ἀγορένη δίθεια. Κάν-  
θετο δὲ εἰς τὴν ἡ δόπο σημείον ἐνθῆτα εἰς τὸ δίθε-  
ιον ἥγεινη. Κάθετο δὲ εἰς τὸν ὄρθας λέγε-  
ται, η ὄρθας ποιῶσι τὰς εἰφεγγῆς γωνίας τῇ ε-  
Φετηκύᾳ δίθειᾳ. Παραλληλοί δὲ περιλαντικο-  
γραμματαί ασύρματοι: σότης ἐν τῷ αὐτῷ ὄπτη-  
πέδῳ πάσου, καὶ σύνβαλλόμενα ἐφ ἐκάπερ τὰ  
μέρη, ὅπερι μηδετέρα συμπίκτεισιν ἀπλήλως:  
αἱ μάτε αποδύσκοται, μάτη δοτονδύσκοται ἐπι-  
σέδωισσας δὲ ἔχουσσι τὰς καθέτας πάσας.

τὰς

τὰς ἀγορέας δότο τῶν τῆς ἑτέρας σημείων ὅπῃ τὴν λοιπὴν. Οὐ περιαλληλοὶ δὲ οὐθεῖαι εἰσὶν, οὐδὲ συδύσσου μεζοῦσι αἱ τὰς καθέτες ποιεῖσθαι. Τεργάντα γένεται οὐκαλέσαι, οὐδὸτε τῆς φορυφῆς ὅπῃ τὴν βάσιν κάθετος ἀγορέαη.

### Οὐδεμιᾶς σερεομετρικά.

Τῶν δὲ τοῖς σερεοῖς σχήμασι οὐτε Φανδῶν οὐ μὲν ἀσυμμέτροι λέγεσται· αἱ δὲ συμμέτροι: ἀσυμμέτροι μὲν ὁντὸν σερεῶν εἰσὶν οἵτινες σκιβαλοδόρδραγοικαὶ καθεῖσταις τὰς πτύματαν. οἷον δὲ τῆς σφραγεώς συμμέτροι οἵτινες σκιβαλοδόρδροι, τεμνόστοις ἀλλήλαις. τῶν δὲ συμμέτρων, αἱ μὲν εἰς ἀνομογενῶν εἰσὶ συμμέτροι, ὡς αἱ τοπονοματικὲς καὶ κυλινδρικὲς, καὶ τῶν τύποις ὄμοιοιν. εἰς ὄμοιοιν δὲ αἱ τῶν σερεῶν οὐθιγράμμων. Εἰκασθεῖσται δὲ διαγέρεστι τῶν δὲ τοῖς σερεοῖς σχήμασι τῶν εἰποτοῖς Φανδῶν, αἱ μὲν εἰσὶν ἀπλαῖ, αἱ δὲ μικταῖ. ἀπλαῖ μὲν γάρ εἰσὶν ἐπ τοῖς σερεοῖς ἐπιτάσσονται ηγετοὶ σφραγεώκη: μικταῖ δὲ οἵτινες σεωνικὴ καὶ κυλινδρικὴ, καὶ αἱ τάσσους ὄμοιοιν. μικταῖ μὲν εἰποτοῖς μικταῖ εἰς ἐπιτάσσονται, καὶ πρε-

Φερεταῖς:

## ΟΝΟΜΑΤΑ

εὐφερίας: αἵ γέ σφειραι, μικῆαι εἰσὶν ἐκ δύο περιφερειῶν: καὶ ἄλλαι δὲ πλάνες εἰσὶν, ὡς απεργωθετοι, οὗτοι καὶ μικῆαι ἀπόροι. Τῶν ἐστὶ τοῖς σερεοῖς σχήμασι χραμμέων, αἵ μὲν ἀπλαῖ, αἵ γέ μικῆαι ἀπλαῖ μεν ὑπάπτε θεῖαι, καὶ περιφερεῖς: μικῆαι γέ αὖτε κονικὴ οὐ σφειραι, καὶ αὐταὶ μεν περιγμέναι εἰσὶν: τῶν γέ ἀπακήση, πλῆθ<sup>Θ</sup> ἀπόροις εἰσὶν ὡς καὶ τῶν απεργωθέτων.

Σφαιραί εἰσι σχῆματα σερεοῖς περιφερεῖαι μᾶς ἐπιφανεῖαι περιεχόμενον: περὶ δὲ τὸν ἀφ' εἰσι σημείου, τῶν διυτίς οὐκέτι μέσον τῷ σχήματι<sup>Θ</sup> καμένων, πᾶσαι αἱ περιστήκταις θεῖαι ισαὶ ἀλλήλαις εἰσὶν, η σχῆματα σερεοῖς ἀκρωτερόγυροι, ὡσεὶ ἐκ τῷ μέσῳ πάντη ισαὶ ἔχει τὰς διποτάσσεις. Οταν γέ τιμικυκλίς, μέρονται τῆς Διαμέτρου πελενεγέθεν τὸ τιμικύκλον εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν διποταβασθῇ: η μὲν ἔκπομπη, ἐπιφαίνα, οὐ πάτη τῷ τιμικυκλίᾳ περιφερίαις σφαιρικὴ στεφαίνα καλεῖται, τὸ δὲ περιληφθὲν σερεοκ σχῆμα, σφαιρα. τὸ δὲ μέσον τῆς σφαιρας κέντρον αὐτῆς καλεῖται. Εἰς δὲ ταῦτα τέτο τῷ τιμικυκλίᾳ κέντρον. Η δὲ Διάμετρο<sup>Θ</sup> τῆς σφαιρας ἀξων καλεῖται: καὶ εἰσὶν θεῖαι πάτη, Διά τῷ κέντρῳ τὸ γύρων

τη, καὶ περιττυμένη ἐφ' ἑκάπερ τὰ μέρη τῆς σφαιρας ἀμετρίαν έχει· τοῦτο δὲ σφαιρα καὶ τέσσαρις καὶ σφρεφεται. Τὰ τύχαντας ἀκραφτόλοις πελλένται. Εαὐδιέντες σφαιρα τηνθή: η τομή κύκλῳ γίνεται. Κύκλος δὲ πόλος οὐ τῷ σφαιρα λέγεται· σημεῖον δέ τοι τῆς σφαιρας εἰς τῆς σφαιρας· ἀφ' ἣ τῶν αὐτῶν αἱ περιστοιχίαι εὐθεῖαι, αφ' τῶν περιφρεσίων, οἷα ἀλλάλαις εἰσὶν. Οπισθεῖτε τῶν ἐπιπέδων ισοπεδεύμέντων σχημάτων· μείζων εἰς τοῦ κύκλῳ· γε τοις τῷ τῆς σφαιρας σχηματισμάτων τῶν εργῶν ισοπεδεύμέντων μέγιστον εἰσὶ, διὸ καὶ περιεκτικὸν τῶν ἀλλαγῶν ἀπαίτων ἐλαττόνων.

Κῶν Θεοὶ θῆμα σερέον βάσιν μὲν ἔχον κύκλον· σημαγόνδρον δὲ ὑφ' ἐν σημεῖον. εαὐδέδοτο μετεώρου σημεῖου δέ τοι κύκλος τοῦ φεροῖσις· Οὐθεῖα πις περιβληθῆ: καὶ τοιενεχθεῖσιν εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν δοτοκεῖσαθῆ: τὸ δοτογενηθὲν σχηματοῦ γίνεται. Καὶ ἄλλως. Εαὐδόρθουγανίας Πριγώνις, μὴ ύστοις μᾶς πλάνηρας, τῶν τοῖς τηλοῖς ὄρθιοι γωνίαι, περιεκχθεῖται γωνιον σχηματοῦ· εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν δοτοκεῖσαθῆ οὖν πρέξατο φέρεσσιν τὸ τοιεληφθὲν σχηματοῦ μέρη γιγνομένη δέδοτο τῆς περιφύρατος

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τὸς τριγώνου πλευρᾶς περιοχῆς ἐπιφάνεια  
κανίκη καλεῖται· τὸ δὲ περιλειφθὲν σχῆμα  
τερεὸν, κῶν Θεόβασις οὐκέτι κάναν Θεόβασις κα-  
λεῖται· Κορυφὴ δὲ κάναν τὸ ομιέον· Λέων δὲ  
κάναν, ηὗ δοτὸς τῆς κορυφῆς, οὐκὶ τὸ κέντρον τῷ  
κάντλου ἐπιθετούμενόν εἴθεα τοῦτο εἶναι μό-  
νον. Ισοσκελῆς οὐκέτι κάναν Θεόβασις λέγεται, ὃ τῷ τρι-  
γώνῳ εἰσαὶ ἔχων τὰς πλευρὰς. Εἰκαλητὸς  
οὐκέτι κάναν Θεόβασις λέγεται. Θρησκάνος Θεόβασις δὲ  
κάννος εἶτιν, εἰσαὶ η μάρμαρος πλευρᾶς, οὐ τῇ πε-  
ριφερομάρμηῃ ἀλλὰ τριηεντ Θεόβασις τὸ αἴξανος,  
τὸ γνόμοντον εἰς τῇ ἐπιφανείᾳ σχῆμα τριγω-  
νον, ὄρθογώνιον γίνεται. Οξυγώνιος δὲ κάναν Θεόβασις  
εἶτιν ἀλλὰ μείζων εἶτι τῆς περιφερομά-  
ρμης, ἀλλὰ τριηεντ Θεόβασις τὸ γνόμοντον σχῆμα τρέ-  
γωνον ὀξυγώνιον γίνεται. Αμβλυγώνιος δὲ  
κάναν Θεόβασις, εἶτιν, εἰσαὶ μάρμαρος πλευρᾶς, ἀλάτιον εἶτι  
τῆς περιφερομάρμης, η ἀλλὰ τριηεντ Θεόβασις τὸ γνό-  
μον εἰς τῇ ἐπιφανείᾳ σχῆμα, τριγωνον ἀμ-  
βλυγώνιον γίνεται. Κόλυρος Θεόβασις οὐκέτι κάννος κα-  
λεῖται, ὃ τῷ κορυφῇ καλούμενον εἰσαὶ σχῆμα:  
η δὲ ἐπιφάνεια τῷ κάναν: ἀλλως μὴ κυρτὴ  
καλεῖται: ἀλλως δὲ κοβλη. Τεμνόμη Θεόβασις οὐκέ-  
τι κάναν Θεόβασις τὸ αἴξαν τῆς κορυφῆς τριγωνον ποιεῖ τῶν  
τομῶν:

τηλέος: παρεδιάλως δὲ τῇ βάσι τμηθεῖσαι κύκλοις: μὴ παρεδιάλως δὲ τμηθεῖσαι ἀλλόπερ γένετο γραμμῆς οὐκλεῖται κάνει τοις. Ταῦτα δὲ τὰ κάνει τριῶν, η μὲν καλεῖται δρόσυγάνθεις δὲ ἀμβλυγάνθιος, η δὲ ὁξυγάνθιος, ὅρθιος γάνθιος: μὲν δὲ η ἑαυτῇ συνάπτουν καὶ ποιῶσι σχῆμα πυροστόλες: καλεῖται οὖτε οὐσίαν καὶ ἔλεγχος: η δὲ τῇ ὄρθιογάνθιον καλεῖται παρεζβολή: η μὲν τῷ ἀμβλυγάνθιον ψερβολή.

Κύλινδρος εἰς σχῆμα κύρεον, οὐδὲ νοεῖται διατελέμενον, παρεδιάλογράμμις δὲ φούσιος, τοῖς μέσον τῶν πλευρῶν μεντοντι σφραγίδες: καὶ διατελέσαθέντος ὅθεν καὶ πρέξαιος φέρεται. η δὲ μέντος ἐνθεῖα πεντίλη η σφραγίδη, ἀλλα λέγεται οἱ δὲ βάσεις κύκλοι, οἱ γύμνεμοι οὐ τῶν ἕστω πλευρῶν τῷ παρεδιάλογράμμισ. Γομαὶ δὲ κυλίνδρος, αἵ μὲν παρεζβολέγραμμισ, αἵ δὲ ὁξυγάνθιον κάνειν ψεργματι. Τέμνεται δὲ σφραγίδη μὲν τῶν εἰσι-Φανείας, εἰς Φανίδα δὲ τῶν γραμμῆς γραμμῆς δὲ τῶν πτυχμάτων: οὐκοῦτο δὲ τῶν γραμμῆς λέγεται τέμνεται: καὶ τὰ ἀναφοραὶ πιλέται τῶν πτυχμάτων. καὶ εἰς Φανίδα δὲ τῶν εἰπρατ-

## ΟΝΟΜΑΤΑ

νείας κατὰ άναφοράν τις ἐπὶ τῷ γραμμέ.

Σπεῖραι γίνεται ὅταν κύκλος ἐστὶ κύκλος τὸ κέντρον ἔχων: ὄρθος ἀντεψός τῷ κύκλου τὸ πίποδον φένεται θεῖς, εἰς τὸ αὐτὸν πάλιν ἀποκβάσεθη. τὸ δὲ αὐτὸν τύπον, οὐκὶ χρίσει καλεῖται. Διεχῆς μὲν δὲν ἐστὶ αποτύπων ἔχοντος διάλημμα. σωεχής γένεται καὶ ἐν απομέτον συμπίπτοντε πελάτησσα δὲ, καὶ λέγεται οὐειφερόμενος κύκλος αὐτὸς αὐτὸν τέμνει. γίνεται δὲ καὶ τύτων τομαὶ γράμματα πίνεις ιδίαζουσα. οἱ δὲ περάγωνεις χρίσει, ἐκ πείσματος εἰσὶ κυλίνδρων. γίνονται δὲ καὶ ἄλλα πάντα πικίλα πείσματα, ἐνίσι σφαιρῶν οὐκὶ σκηνὴσιν ἐστι φανδῶν.

Τῶν δὲ δύθυγράμμων σερεῶν σχημάτων, ἀμὲν καλεῖται πυραμίδες, ἀδὲ κύβοις: ἀδὲ πολύεδραι: ἀδὲ πείσματα: ἀδὲ δοκίδες: ἀδὲ πολυθίδες ἀδὲ σφηνίσκοις οὐκὶ τὰ παραπλήσια. Πύραμις μὲν δὲν ἐστὶ σχῆμα σερεῶν ἐπιπέδων οὐειχόμενον: ἀφ' ἑνὸς ἐπιπέδου τεράστια περιεχόμενον. Καὶ ἀλλώς δὲ λέγεται πύραμις τὸ διπλὸν βάσεως προπλάντηρ, ἡ περαπλάνη, ἡ πολυγωνία τέττας οἵσιν ἀπλῶς δύθυγράμματα κατὰ συνθετικήν

τεργά.

τριγύάνων, εἰς ἐν σημεῖον σπαγόδιμον σχῆμα. Ιδίως δὲ ισότιλμος λέγεται τούτην τὴν πολύτελην τριγύάνων ισοτιλίρεων περικομήη, καὶ γωνιῶν. καλεῖται δὲ τὸ σχῆμα τοῦτο καὶ περιάεδρον. Εἰκοσάεδρον εἶναι σχῆμα τερπὸν τοῦτο εἴκοσι τριγύάνων ισοτιλίρεων πολιεχόμενον. Εἰτί δὲ τέτετε μόνον ταῦτα τὰ τοῦτο ισών καὶ ὄμοίων πολιεχόμενα: αἱ δὲ ὑπὸ τῶν ἀλλιών ύστερον ἐπογμάδη τιλάτων Θ σχήματα: τῶν δὲ τέτετε τοῦτων αἱ τιλίραι λόγον ἔχοις πέρι τῶν σφαιρῶν. Εὐκλείδης μὲν ἔνει ταῦτα γὰρ τοιχεῖῶν, ἀπέδειξε, πῶς η σφαῖρα τὰ πέντε ταῦτα σχήματα περιλαμβάνει. μόνα δὲ τὰ πλάτων Θ είπε: Αρχιμήδης δὲ τοία καὶ δέκα στολαὶ φησὶν εὐρίσκεται σχήματα διωρίματα ἐγένεται τῇ σφαιρᾷ, περιστεθεῖσις ὅκῃ: μετὰ τὰ εἰρημένα πέντε: ὃν εἰδεναι καὶ τιλάτων φασίν. Τὸ τέσσερες καὶ δεκάεδρον εἶναι τοῦτο διτιλίν. τὸ μὲν ἐξ ὅκῃ τριγύάνων καὶ πετραγύάνων ἐξ. σιώθετον δὲ ἐκ γῆς καὶ αέρος. ὅποι καὶ τῶν διόχαιων πνεῦμασι. τὸ δὲ ἔτερον τιλίν ὃν πετραγύάνων μὲν ὁκῇ τριγύάνων δὲ ἐξ ὅκῃ πελεκτώπορον εἴησε δοκεῖ. καθόλου δὲ τῶν

## ΟΝΟΜΑΤΑ

Θυγέραμμων σερεῶν σχημάτων: ἀρδί<sup>τός</sup> πυραιδεῖς: ἀδέ<sup>τος</sup> πείσματα: ἀγ<sup>γελής</sup> πυραιδεῖς, γ<sup>έντες</sup> πείσματα: τί μὲν οὐκ<sup>έπειτα</sup> πύραιδες περιεργηταί. Οχιάεδρον<sup>έπειτα</sup> σχῆμα σερεῶν υπὸ ὄχιών τριγώνων ισοπλάσιρων περιεχόμενον. Δωδεκάεδρον<sup>όντος</sup> σχῆμα τοῦτο ίβ<sup>τοντον</sup> γωνίων ισοπλάσιρων καὶ ισογωνίων περιεχόμενον: τὸ δέ<sup>τοντον</sup> τενάγων εξ<sup>τοντον</sup> κίνησα τὸ δωδεκάεδρον: ισον<sup>έπειτα</sup> τριγώνοις τριστοπάρα δύο πλάσιρων. Κύβο<sup>έπειτα</sup> σχῆμα σερεῶν τοῦτο εξ<sup>τοντον</sup> περιαγώνων ισοπλάσιρων καὶ ισογωνίων περιεχόμενον: καλεῖται δέ<sup>τοντον</sup> τὸ σχῆμα τοῦτο καὶ εὔαεδρον. Πρίσματα δέ<sup>τοντον</sup> τὰ δύο βάσεως Θυγέραμμων σιώθεσιν περὶ χωρίον διθύγραμμον σωάπτων: οὗτε δέ<sup>τοντον</sup> πυραιδεῖς, γ<sup>έντες</sup> πείσματα<sup>έπειτα</sup> τὰ δύο βάσεως Θυγέραμμου, καὶ διθύγραμμον σιώθεσιν περὶ δύο διθύηαν σωάπτων<sup>τοντον</sup>. Τῶν δέ<sup>τοντον</sup> πείσμάτων παραλληλόπλασιρε καλεῖται: οὐτοί εἰσαεδρα<sup>έπειτα</sup>: τὰ ἀπεναντίον ἐπίπεδα παράλληλα ἔχει. Παράλληλα δέ<sup>τοντον</sup> ἐπίπεδα εἰνί: οὐτοί σκαλλόριμα οὐ συμπίπτει αλλήλοις: η<sup>τοντον</sup> οῖστον καὶ ὁμοίων τριγώνων τηνῶν γραφέντων: εκάστη πλάσιρα παράλληλος<sup>έπειτα</sup>. Κάθετο<sup>τοντον</sup> δέ<sup>τοντον</sup> σερεῶν λέγεται, η δύο μετεύ-

ρευ σῆμαῖον, ταῦτα ἐπίπεδον ἡγεμένη: ἢ πις πᾶς  
αὐτὸς τοῦτος ἀπομένεις αὐτῆς διὰ τοῦτο επίπεδω  
ταῦτα ὄρθας εἰσὶν. Τῶν δὲ ταραλληλοπλού-  
ρων πεισμάτων: ἀ μὲν εἰς τὸν ὄρθογώνια: ἀ δὲ  
οὐκ ὄρθογώνια. ὄρθογώνια μὲν δὴ εἰς τὸν  
κάστην τῶν ὄρθογώνιων ταῦτα τοιῶν γωνιῶν  
περιεχομένων ἔχει γραμμέων. τόκον ὄρθογώ-  
νια δὲ τὰ μὴ οὐτιστικά. Δοκίς δὲ εἰς τὸν ὅγα  
μῆκος μείζον ἔχει ταῦτα πλάτους καὶ ταῦτα  
χρεῖα: διὸ τὸ πλάτος θεοῖς τὸ πάχος θεοῖς:  
πάχος δὲ καὶ Βάθος θεοῖς τὸ πλάτος θεοῖς:  
ταῦτα ἀλλήλοις ιστοι. Σφινίσκων δὲ εἰς τὸν ὅγα  
ανιστοι ἀλλήλοις, τὸ πλάτος θεοῖς, καὶ τὸ πλάτος,  
καὶ τὸ βάθος θεοῖς: πινεὶς δὲ καὶ βάθμοις καλύπτει  
τὸ τιστόν σχῆμα.

Τὰ ωάθη τῆς γεωμετρίας:

Εφάπτεια μὲν γραμμὴ γραμμῶν: καὶ  
ἐπί Φανέας, καὶ σερεῖς, καὶ ταῖς στυγμαῖς, καὶ  
κατὰ γραμμέων. στύγμὴ δὲ στυγμῆς αὐταμένη  
μία γίνεται. γραμμὴ δὲ ὑγραμμῆς αὐταμέ-  
νη: ὅλη ὅλης ὁμοίως μία γίνεται. Ευθεῖα δὲ  
κύκλου ἐφάπτεια λέγεται ἡ πις ἀπομένη

## ΟΝΟΜΑΤΑ

τὸν κύκλου, καὶ σκιβαλλοῦμεν, ὅπερ μηδέπερ  
τὰ μέρη τέμνεται τὸν κύκλον. Κύκλοι δὲ ἐφά-  
πτεσθαι ἀλλήλων λέγονται: οἱ πεντάπλομοις  
ἀλλήλων, οὐ τέμνεται ἀλλήλες. Εὐθεῖα δὲ  
τεῖχος ὅπιπεδον ὄρθη ἐστί, ὅταν τεῖχος τάσσεται  
τὰς ἀπίστεμέντας αὐτῆς εἰς τὰς αὐτὰς ὅπιπέδων,  
ὄρθας ποιεῖ τὰς γωνίας. Επίπεδον δὲ τεῖχος  
ὅπιπεδον ὄρθον ἐστίν: ὅταν αἱ τῇ κειται αὐτῶν  
τομῆι τεῖχος ὄρθας εἰς ἐν τῷ τῶν επίπεδων ἀγό-  
μναι εὐθεῖαι: καὶ τῷ λοιπῷ τεῖχος ὄρθας ἔ-  
στιν: επίπεδα δὲ παράλληλα εἰσὶ τὰ ἀσύμ-  
μοτα.

Διάφοροι μὲν καὶ στερεοῖς, καὶ στοιχί-  
πέδοις ἡδη δὲ καὶ στοιχίοις χραμμάτης, ὁμοιότητις καὶ  
ἰσότητος: οὗτοι γοινοὶ καὶ σταθμοὶ τῶν τε Ευ-  
χλεῖδους σοιχείων. Δύο δοθέντων εὐθυγράμ-  
μων, ὡς μὲν ὄμοιον, ὡς δὲ ἵσσον συστάσασθαι τεί-  
χονται: κακοῖς μέσον ἀνάλογον εὐρόντες: Διὰ  
τῶν της κατασκευάζομεν τὸ τεῖχος ληθεῖν ἐπὶ<sup>τούτῳ</sup>  
δὲ τῶν σερεῶν Διὰ δύο μεσότητων. Νωὶ δὲ  
καθόλες λέγωμέν τοι μὲν ἵσσων ὅπερ ἵσσει χραμ-  
μάτης εἰσὶν, καὶ ἐπιφανείαν καὶ σερεὰ: ὅσα ἀρ-  
μότητε ὅλα ὅλοις, ἡ κατάγενθι, ἡ κατὰ φη-  
μανομόν. Λέγεται δὲ ἵσσον, καὶ τὸ ισσοτείχε-

τρον τῇ αθειοχῇ, καὶ τὸ ἵσσυ ταῖς χραμμαῖς.  
 ὥσε καὶ τῷ εἰβαδῷ, καὶ τῷ μόνῳ εἰβαδῷ:  
 Ισαὶ δὲ γανίας εἰσὶν αἱ ἐφαρμόζουσαι ὅλαισ-  
 λοις, ἢ τοῖς ἐπιτάσσοις, ἢ ἢ τοῖς σερβοῖς, καὶ  
 τὴν αὐτῶν σωμαγωγίαν, ἡ κατὰ γένος, ἡ κα-  
 τὰ χημαλισμὸν. Ισαὶ δὲ κύκλοι εἰσὶν, ὃν αἱ  
 Διάμετροι ισαὶ ἀλλήλαις εἰσὶν: διπό γὰρ τῶν  
 αὐτῶν Διάμετρων σύν ἐξὶν ἐτέρον καὶ ἐτέ-  
 ρον κύκλους επινοῆσαι. Δοθείσης δὲ τῆς Διά-  
 μετροῦ: μέδοταμ καὶ ὁ κύκλος περὶ μεγέθεα.  
 Ισαὶ δὲ ἀπέχειν τὰς διθεῖας λέγεται τὰ κέν-  
 τρον: ὅταν διπό τῷ κέντρῳ, ἵσταται κάθεται  
 τοις ἀγόμδηματισαὶ ἰσαὶ ὥστιν. Μέγιστον δὲ φέννη  
 γένηται τῷ πίτει. Ισαὶ δὲ καὶ σμοιασερεῖ  
 σχήματα εἰσὶ: τὰ ἴσων ἴσων ἐπιτάσσων αθει-  
 λομδηματισαὶ, καὶ ὁμοίως καθημένων, ἴσων τῷ αληθοῖς  
 καὶ τῷ μέγεθῷ.

Ομοία εἰσὶ σχήματα διθύραμμα τὰ ἔ-  
 χοντα καὶ μίαν τὰς γανίας ισαὶ, καὶ ἄλλως.  
 ὅσα τὰς περιγνίας ισαὶ ἔχει καὶ μίαν: καὶ τὰς  
 περὶ τὰς ισαὶ γανίας αλεύρας ἀνάλογον.  
 Αὐτοπεπονθότα δὲ σχήματα εἰσὶν, ἢ οἵς ἢν-  
 κατέρω τῶν σχημάτων ἡγεμόνες τε καὶ ἐπό-  
 μηροι λόγοι εἰσὶν. Ομοία τριγύματα κύκλων

## ΟΝΟΜΑΤΑ

ἴσι, τὰ δεκάρδια γωνίας ἴσας. η̄ σι οἵσ αἱ γωνίαι ίσαι εἰσί. Παραπλησίως γὲ καὶ τμῆμα  
ταῖς φαιρῶν ὄμοια σερεά σχημάτα εἰσί, τὰ υπὸ ὄμοιῶν ἐπιπέδων φεγγάρδια καὶ ὄμοιῶς κήρυκεν. Πᾶς δὲ κύκλος των κύκλων ὄμοιοι εἰσὶ τῷ εἴδε. μία γὰρ ηγένετος τῷ κύκλου, καὶ ἐν τῷ εἴδε τῶν δὲ τμημάτων σόκεσίν η αὐτὴ ὄμοιότης. ἀλλ' οὐ μὴ ἔχει τὰς ὄμοιαν κλίσιν: τῷτε εἰσὶ τὰς σὺν αὐτοῖς γωνίας ἀλλήλαις ίσαις: ταῦτα καλεῖται ὄμοια: οὐχ ὄμοια δὲ τὰ μὴ γένεται ἔχοντα: παραπλησίως δὲ ἔχει καὶ σπλαγχνά τῶν ἀλλων ἐπιπέδωντες καὶ σερεάν σχημάτων.

Μέγεθος εἰσὶ τὸ αὐξανόμενον, καὶ τὸ τεμνόμενον εἰς ἄπερον: εἴδη δὲ αὐτῶν τοῖς γραμμῇ, ἐπιφανέσι, σερέον. ἄπερον δὲ εἰσὶ μέγεθος μείζον γένθεν νοεῖται καθ' ἡτούσασιν ηλικιαν δήποτε ὥστε μηδὲν εἶναι αὐτῷ πέρας. Μέρος εἰσὶ μέγεθος μεγέθες τὸ ἐλαττον τῷ μείζονι: οὐταν καλομετρεῖ τὸ μείζων. εἴρηται δὲ τὸ μέρος τοῦτο, γὰρ ὡς κάσους μέρος ή γῆ, γὰρ τὸς ἀνθρώπων καὶ φαλῆρος: ἀλλὰ μὴν γένθε ὡς τῆς πάντας φύσεως τῇ Διαμέτρῳ τῷ κύκλῳ ἀστράκρας ἀγομένης, λέγωμέν μέρος εἶναι τοῦ

ἐκλογος

ἔκποσ τε ημικυκλία λαμβανομένης γωνίας  
χωρὶς περὶ ὄρθας. ἀδιάτονος γένειν τὸ  
ταῦτης τῆς γωνίας η̄ πις κεραλοειδῆς καλεῖ-  
ται καλαμετρηθῆναι τὸν ὄρθην, πάσος γω-  
νίας δίθυγράμψις ἐλάτλον. Τοῦ γάρ της τε-  
ραποιῶν. Μᾶλλον γάρ τὸν μεγέθει μέρον  
ὅπερ τῶν ὁμοιομόρφων ληψόμεθα: καὶ γὰρ τως ε-  
ργάμφι πάσι μεγέθει μέρον, ὡς τὸν τὸν τε  
τὸν ὄρθης γωνίαν λέγομεν τῆς ὄρθης μέρον  
εἴησι. Τὸ γὰρ φιουμάπον σκάπτον παραληπήσε-  
ον τὸ λεγόμφιον ὅπερ εἰς τὸ μέρον εἴσι τὸ καθα-  
μετρεῖν: καὶ τὸ καθαμετρεῖν εἰς τὸ μέρος καλαμε-  
τρεῖται δὲ τὸ σέρεον τὸ ποδιαῖς δίθεῖσε.  
μέρος ἄρα η̄ ποδιαῖς δίθεῖα τὸ σέρεον. καὶ τε-  
ρεού εἴσι η̄ ποδιαῖς δίθεῖα ὁπός ἀγριόν. ποδιαῖς  
δίθεῖα τὸ μῆκον καθαμετρεῖ τὸ σέρεον, καὶ  
τὸ βάθον, καὶ τὸ πλάγιον ὁπερ εἰσὶν διμοιο-  
γενεῖ αὐτῇ τῇ δίθεῖᾳ γάλιν τὸ σέρεον. Πολ-  
λαπλάσιον εἴσι τὸ μεῖζον τὸ ἐλάτλον, ὅταν  
καθαμετρεῖται τὸ τὸ ἐλάτλον.

Τὸ μέρομδι μὲν γάρ εἴσι καὶ λόγον, καὶ τίνα  
διμοιογενῆ ἄμα καὶ τὸ ἀναλογία εἰρηταμέδι ἀ-  
κρηβέστερον ἢ τοῖς περὶ τῆς αἱρεθμηκῆς τοις  
χρήσασθε. νικῆσθε λέγομεν: ὅτι ὡς ὅπερ τὸν

ΟΝΟΜΑΤΑ

ἄλλων ὄμοιογενῶν η ἀναλογία ἐφαρμόζει: Εἴ-  
τω καὶ ὅπερ τῶν ἐν τοῖς μεγέθεσιν ὄμοιογε-  
νῶν. λόγους ἔχειν περὶ αὐτῆς ἀληθα τὰ μεγέθη λέ-  
γεται: ἀ διώτατη πολλαπλασιαζόμενα ἀλη-  
λῶν πατερέχειν. περὶ δὲ τοῦ ἀνιθέτας τοῦ  
ὅρω τάτω καὶ λέγοντας: ὅπι μόνα λόγους ἔχει  
περὶ αὐτῆς, ἀ διώτατη πολλαπλασιαζό-  
μενα ἀληλῶν πατερέχειν. οὐδὲ δὲ τάτως  
ὄμοιογενεῖς, ἀς συμβούν συμβούς: ἀρχὴ δὲ πολλα-  
πλασιαζόμενον τὸ συμβούν, πατερέχει τῷ φυ-  
μένου. περὶ δὲ τάτους ρήτεον, ὅπι τῷ καὶ  
μέγεθῳ πολλαπλασιασμὸν σύν ἀποδέχεται  
ταῦ τὸ συμβούν. οὐδὲ ἀτάκητη μεγέθεις: τὰ τὰ  
πυκκεῖ καὶ τὰ καὶ μέγεθῳ πολλαπλασια-  
σμῆναι. μόνως δὲ ἀποδέξεται πολλαπλασια-  
σμὸν κατ' ἀριθμὸν τύτως. ἐπειδὴ δὲ τῇ εὐ-  
θεῖα ἀποδεσμῇ συμβούν, τὰ ποσάδε ποσῶνδε δὲ  
τὰ πολλαπλασιαζόλων πάντας περὶ μεγέθεις δι-  
αλέγοντα τῷ ἔχοντός τινα Αἰσχυλον. τὰ δια-  
χειωτὰ ἄνηκρυς: τὸ μὲν συμβούν ἀμερὲς λόγους  
σὺντεταῖ περὶ αὐτῆς ἀληθα τὰ μεγέθη τοῦ ποντοῦ.  
Ἐν πάνται λόγῳ μεγέθεις λέγονται πεῖται  
περὶ διάτερον: καὶ τείτον περὶ τέταρτον: ὅταν  
τὰ πεῖται καὶ τὰ πεῖται ισάκις πολλαπλά-

πια τῶν τῷ δύτερου καὶ πετάρτῳ ἄλλων ὡς  
ἔτυχε ἴσακις πολλαπλασίων οὐ αὔριον τοι-  
ρέχει. η ἀμφι ελλείσθε: η ἀμφι ἵση η ληφθεῖσα  
καὶ ἄληλατὰ δὲ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχοντα  
ἀνάλογον καλεῖσθα. Αναλογία δὲ σὺ τρισὶν  
ὅροις ἐλαχίστοις ἐξίν. σὺ τριβασσών λαμβά-  
νομένων ητοι τῶν μεγεθῶν, ητοι τῶν ἀπτικε-  
μένων αὐτοῖς αριθμῶν. οὐδὲ κύκλῳ ὅρῳ ἐ-  
σίν η τεῖφέρεια, καὶ τριγώνα αἱ τολμυραὶ  
ὕτω τῷ περὶ τὸν τέλον ὅροι εἰσὶν οἱ αὐτοὶ<sup>αριθμοὶ</sup>. Οταν δὲ τρία μεγεθη ἀνάλογον η,  
ἡ πεντον περὶ τὸ τρίτον διπλασίονα λόγορ  
ἔχειν λέγεται η περὶ τὸ δύτερον Φησὶ γῆν  
Εργαλοδένης, ὅπι ὥστερ οὐτὶ τῶν Διεσπιρά-  
των ἴσων καὶ καὶ δύθειαν καμμένων τὰ Διε-  
σπιράτα διπλασιάζεται: γάτως Σὲ πὶ τῶν λό-  
γων, ὥσπερ η καὶ δύθειαν καμμένων, τὸ οὐ περὶ  
τὸ γῆ διπλασίονα λόγον ἔχει η περὶ περὶ τὸ  
δύτερον, τὰ δύτη τῶν γῆ ἀφέσηκεν ήμιολίω  
καὶ τὰ γῆ τῶν διπλασιών ήμιολίω. τὰ δέ τη  
τῶν γῆ ἀφέσηκεν δύσιν ήμιολοίοις. καὶ γὰρ αἱ  
τετροχαῖ αἱ δύο τῇ μᾶ εἰσὶν αὐταὶ. οἷον οὐ  
ἴστι τῶν θ. καὶ τῶν δ. τετρέχει γὰρ οὐ θ τοῦ  
τοῖς τρισὶν: τετρέχει δέ καὶ οὐ γῆ τῶν δ.

ΟΝΟΜΑΤΑ

τοῖς δυσὶν. τὰ δὲ πρία καὶ τὰ βασιλέων  
ποιεῖ τὸν πάντη. ὃς οὖτις τῆς θηρίου οὐτεροχή.  
Ωστερ δὲ δότο τῶν μειζόνων ἐπὶ σύνελάτ-  
τονας αἱ οὐτεροχαὶ ποιώσι. διαπλασίας λόγυς  
καὶ πριστασίας. ὅτας δότο τῶν ελατίονων αἱ  
ἀλλεῖψεις. Οταν δὲ τῶν ισάκις πλατανα-  
σίων τὸ μέρη τὴν προστατητικότητα πολλαπλάσιος. οὐτε-  
ρέχει τῇ τα δύσηρᾳ πλατασίᾳ, τόπη  
πρώτην ποὺς τὸ δύσηρον, μείζονα λόγῳ ἔχειν  
λέγεται η τὸ τρίτην ποὺς τὸ τεῖχον. Ενδέ-  
ταῦτη τῇ οὐτοχειρῷ τῷ ὄρᾳ, Θεούλετον  
Εὐκλείδης εἰς οὐτόνοισιν ήμᾶς ἀγαγῆν καὶ  
παρεχεῖσθαι ἐν τοισὶν εὐρίσκεισθαι δεῖ μείζονα  
λόγου λόγυς. καὶ ἐπεὶ τὰ στολὴν λόγω κα-  
χαρακτηρεῖθαι. δότο τῶν ισάκις πλαταν-  
σίων η τοιάμω οὐτοτρεχόντων η ἀριστίσων ὄχ-  
των, η ἀμφι ελλαφισόντων: τὰ ἐν μείζονι λόγῳ  
ἔντοποι κείνα ἔχειν τὸν οὐτεροχειρόν. ὅτας δὲ  
γίνεται οὐτεροχή: αὐτὸς ἐν τῷ πέμπτῳ τῆς  
καθόλου λόγων συγχειώσεως ἐν τῷ Ιεωρῆ-  
ματι τῶν ἀνίσων μεγεθῶν ἐπέδειξεν. Ομόλο-  
γος μεγάθη λέγεται σῖναι: τὸ μέρη τηγάμμα τοῖς  
τηγανυμένοις: τὰ δὲ ἐπόμητα τοῖς ἐπομέοις  
λόγοι. μέρη εἴρηται ὅπις δύο ὄροφυμῶν ἐν τῷ

ποὺς

περὸς ἄλληλα ϕέροις: εἰπὲ δὲ τῷ μεγεθῶν λέξιν  
ἔωρδην ἴδιας, οὐ λόγῳ θέτεις δύο μεγεθῶν ὁ-  
μογένων η̄ κατὰ πηλικότητα ποία ϕέροις: αἱ  
ἔναις καὶ ἐπ' αὐτῶν ἀναλογίαιν τινὲς πιάτων  
λόγων ὄμοιότητα. Ανάπολιν λόγῳ θέτειν ὁ τὴς  
ἐπομένης, περὸς τὸ ἡγεμόνιον. Συνθέντι λόγῳ θ.  
θέτειν λῆψις τῇ ἡγεμόνιᾳ μετὰ τῇ ἐπομένου ὡς  
ἴνος πρὸς αὐτὸν ἐπόμενον. τὰ δὲ ἄλλα ὅσα ποι-  
χειατῆς ἐν τῷ πέμπτῳ τῆς καθόλου συγχέονται  
σεως διορίζειν. — Η ἀπόρος γραμμὴ ἔδει πολ-  
λαπλασιασμῷ διώτατη ποτε: γάδε συγχρίνεται  
περὸν πρὸς ἑτέρον. τὰ γὰρ μὴ ὄμοιον γένη: καὶ δύ-  
ταια λόγοιν ἔχειν πρὸς ἄλληλα ποίαν ϕέροιν,  
οἵου γραμμὴ πρὸς γραμμῶν, καὶ οὐτι φαίνεται  
πρὸς επιφανήσαι, καὶ τὰ λοιπὰ ὄμοιάς. Τῶν  
ἀναλογιῶν μὲν, αἱ μὲν εἰσὶ σωεχῆς: αἱ δὲ,  
διεχεῖται σωεχῆς μὲν αἱ σωεχῶς, καὶ ἀδιαμό-  
ρως ἔχουσαι τὰς ϕέροις: διεχεῖται δὲ εἰσὶν ὅταν  
μὴ γάτως ἔχουσιν οἱ λόγοι: ἀλλὰ διηρημένοις  
αἱ̄ ἀλλήλων: καὶ μὴ γάτη τῇ μέσῃ ὄρου σωσαι  
πλόμενοι ἀλλήλοις. οἱ γὰρ μέσοι θέρος τῷ μὲν  
ἡγεῖται: τῇ δὲ ἐποίησι. σωεχῆσθαις η̄, δ., β.  
διεχεῖταις η̄ πρὸς δὲ καὶ τὸ πρὸς γάτην λόγῳ θ.: ι-  
στὶ διάστημα τὸ μεταξὺ τῶν μεγεθῶν τῶν σκο-  
πιδρῶν.

## ΟΝΟΜΑΤΑ

Περὶ συμμέτεων καὶ ἀσυμμέτεων ὁ ἵστος  
χειρῶν ἐν τῷ δεκάτῳ τῆς θοιχφώσεως Βι-  
βλίου πολλὰ παραδίδωσι.

Τὸ ρῆτὸν καὶ ἄλογον μέγεθος, ἐκάπερον σόκ  
ἐπὶ τῶν καθ' εαὐτὰ νομοδίων: ἀλλὰ τοὺς ἔτε-  
ρους συγκεκρινομένους. οἵτινες γὰρ ἀλλήλοις σύμμε-  
τρα ταῖται καὶ ρῆτὰ τοὺς ἀλληλα λέγεται. οἱ  
μὲν ἀερθμοὶ σύμμετεοι τυγχανόντοι: ἐπείτε  
ἔμασσος αὐτῶν ὅταν τινος ἐλάχιστη μέρας με-  
τρεῖται. ὅμοίως δὲ τοῦχος, καὶ πολλαῖς, συμ-  
μετρίαις ἔχος πέρος ἀλλήλων. ἐκάπερον γὰρ ὅτα-  
ν τὸ ἐλάχιστη μέτρον κατέβαμενται ὅταν δα-  
κτύλω. \* \* \* τῶν μέτεων ὄντων μο-  
νάδος θέσιν ἔχοντος ἀυτῶν. ἀπείρον δὲ σὺ-  
τοῖς μεγέθεσιν ὑπάρχοντος, καὶ μηδενὸς  
ὑφεσηκότος ἐλάχιστη μέτρον. δῆλον ὅτι τῷ  
ρῆτῷ μεγέθεσι οὐχ ἐν τῷ ὀρθομέτρῳ, ἀς ὁ δά-  
κτυλος τοῦ ἐλάχιστον μέτρον: ἀλλ' εἴ φ' ημῖν ἐστιν  
ὁ πηλίκον ἀν θέλωμάν ἐλάχιστον ὕστεραν  
μέτρον γνώριμον: ἐν ᾧ η μονάδας. τῶν γάρ καθ'  
εαυτὸν μέγεθος ἡ οὐδέλεχθη ὥπερ ρῆτὸν ὥπερ ἄλο-  
γον. ὅπικαὶ τῶν διθέτα καθ' εαυτῶν ὥπερ ρῆ-  
τη, ὥπερ ἄλογος θοιχφώσεως. συγκεκρινομένη δὲ τοὺς  
ὑποθέτεοις ἐν θέσι μονάδα: ρῆτὴ ἄλογος

εὐρί-

ένερίσκεται. οὗτος γάγν τῆς περαγών τὸν αἰεν-  
δός τοι εθείσης ρήτης ἡ Διάμετρος διωά-  
ματι δηλῶ ένερίσκεται: μήκες δὲ ἄλλος θεος ένερ-  
ίσκεται: καὶ τάλιν γάν τῆς Διάμετρου ρήτης  
τοι αρχάς τοι ελέγχοντος διωάματος ρήτης. εκαίσ-  
τος αὐτῶν καθ' ξανθὸν γάν της ρήτης, γάπαρ-  
ρήτης τοτέ εἰς ἀλόγον τοι αρχάς. Οὕτως  
γάγν τῶν θεῶν ἐλαχιστόντι μέτρον τοι εθεί-  
μηνος διθείαν μονάδων: οἱ δύο τῶν μαθημά-  
των ρήτης ὄνομαζον: καὶ τὰς αὐτῆς συμμέ-  
τριας ρήτας: ὅμοιας δὲ καὶ τὸ ἀτὸν αὐτῆς πε-  
πράγωντον ρήτον: καὶ τὰ τάτω χωρία σύμμε-  
τρα: ρήτας εκάλεσσεν: καὶ ρήτον ὅμοιας, τὸν ἀτὸν  
αὐτῆς κύβον, καὶ τάτω σύμμετρα σερεῖν  
λέρητον δὲ ἀκατέσον τοτέ εἰς ἀλογοντερεῖν  
μὴν τὸ ἀσύμμετρον τῷ δύο ρήτης κύβῳ: ε-  
πίπεδον δὲ, τὸ ἀσύμμετρον τῷ δύο τῆς ρήτης  
περαγών. μῆκος δὲ τοτέ εἰς διθεῖαν ρή-  
της συμμέτρου. Οὗτοί δὲ τῶν θεῶν διτῆς  
νομιμής τῆς συμμετρίας: μᾶς μὴν ὅταν αὐ-  
τῷ θεῖαν συμμετριῶσι: τὰ δὲ ἀτὸν αὐτῶν  
χωρία σύμμετρα ἀλλήλοις: ἑτέρας δὲ, ὅταν  
καὶ τὰ αὐτὰ χώρα ἀσύμμετρα ἀλλήλοις  
εἰη. διτῇ καὶ η τεσσάρων της ρήτης Διάφορα  
κατὰ

## ΟΝΟΜΑΤΑ

καὶ τὰ σὸν παλαιῶς ὑπῆρχε. αἱ μὲν γὰρ λέγονται  
 τῷ διωάμφῳ ρῆται, αἱ δὲ ἄλογοι: αἱ δὲ λοιποὶ  
 μόκης: διωάμφῳ μὲν εἰσὶν ρῆται ὡς περιπο-  
 μένῳ διωάμφῳ εἰσὶν αὖται ἀσύμμετροι τῇ ρήτῃ:  
 τὰ δὲ ἀπὸ αὐτῶν περάγωνα σύμμετρα τοῦ  
 διπλοῦ ρήτης περάγωνα: μήντος δὲ, ὅταν οὐκ ἀπὸ  
 αὐτῶν περάγωνα ἦσαν περάγωνοις αριθμοῖς  
 ή τὰς πλούτρας ἔχει συμμέτρεις τῇ ρήτῃ μή-  
 ντος. καὶ καθάλει καθαίτην τῇ ρήτῃ σύμμετρος,  
 ρήτης εἴτε μήντος, εἴτε διωάμφου μόνον. Ορίζονται  
 γὰς τὰς ρήτας καὶ γέτας. ρήτης ηδὲ διώθηται  
 γνωρίμη: σόκεται δὲ ρήτης οὐδὲ τοῦτο: ἀλ-  
 λὰ συμβεβηκὼς αὐτῇ. ὅταν γὰρ λόγος χάρη  
 ἐπιπλωτὸς ρήτας: τῶν δοπετῶν τῆς πάντας ρήτης:  
 οἵδιμοι εκάστην πασῶν ἐνὶ παλαιῶν ή δαι-  
 μόλων: πόθεν, ἐκ τῶν συμβεβηκότων λέγο-  
 ομένη ρήτας: ηδὲ διώθηται γνωρίμη. Ηδε φέ-  
 ρει δὲ ρήτης δοθεότης. ταῦτα μὲν ρήτας δοθε-  
 οταν εἴναι παντας. τὰς δοθεῖσαν δὲ σόκες εἰς ἀ-  
 νάγκης ρήτας, η μὲν ρήτη καὶ πηλικότης καὶ ποι-  
 ἀτηνὶ γνωρίμη ἐστιν, η δὲ δοθεῖσα πηλικότης,  
 καὶ μεγέθεις μόνον: καὶ γὰρ εἰσὶ πνες ἄλογοι δε-  
 δομέναι. Απὸ τῆς περιπεθείσης διθεῖας περά-  
 γωνον ρήταν λέγεις ὁ Εὔκλειδης. περιπεθεῖσα.

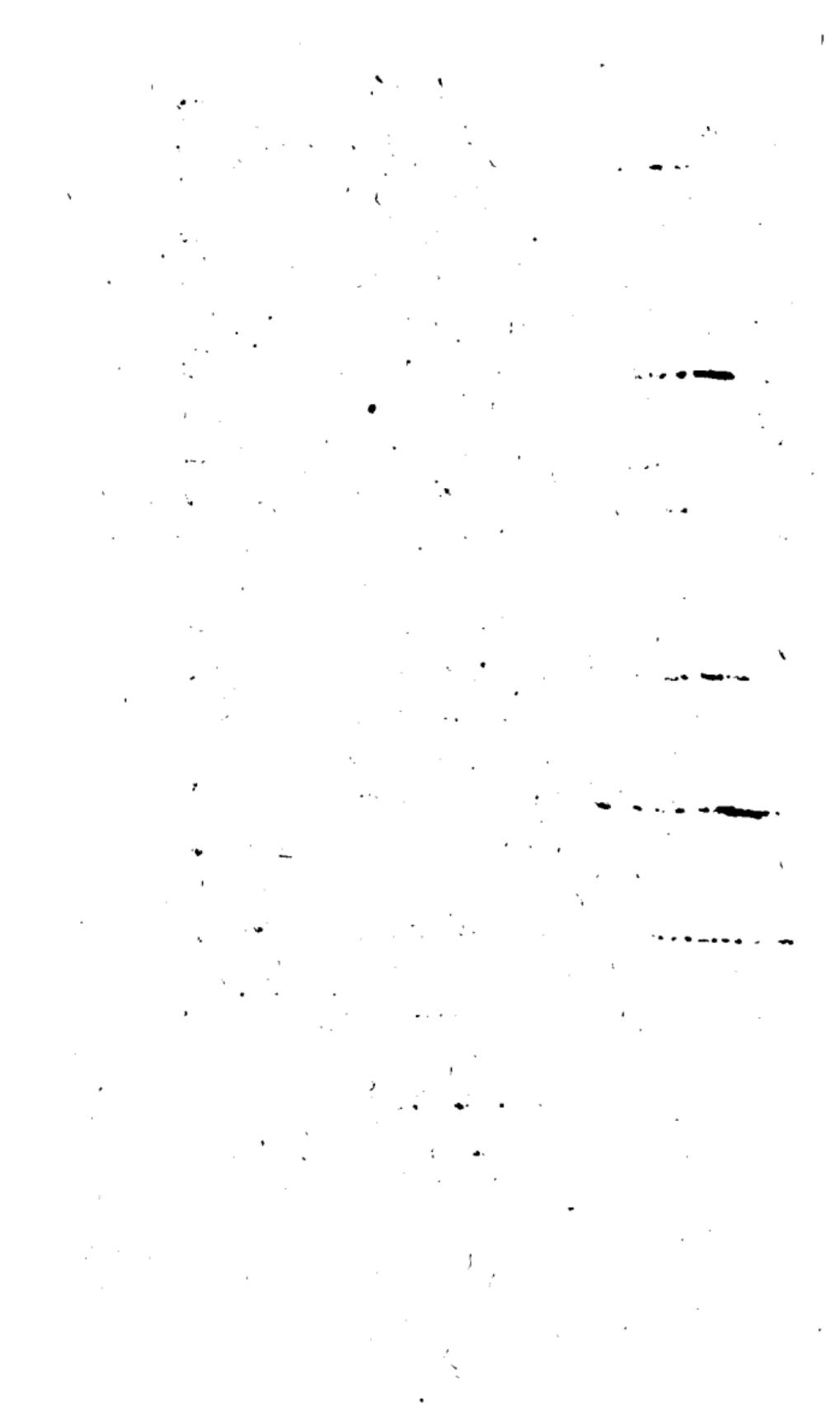
ΦΕΔΙ-

διεθεῖα καλέστηκε, ηπειδὲ χὴ μέτρων καὶ οὐκ  
χὴ πάνων εἰς εὐμέτρησον ημῶν μηκῶν καὶ τὸ<sup>τ</sup>  
πασόθεον εἴληπται. οὗτον εἰς τὸν περίειναι ποσὸν  
εἴη τὸ μετρέζον Διάστημα τὸν καθημένων τι-  
νῶν σημεῖων όδεν ἀν τὸ δεόντως πισθανός τὸ  
ποσῶν εἴς τοδῶν η πικήν: ἀναγκαῖον ἀν δέος  
πικής καὶ ποσῆς αἵτινη ημᾶς παρὰ τὴν παρέ-  
χοντοῦ πηλικότητοῦ: καὶ σκείνη χρεωμένους  
τὴν περίεθείσαν ημέρην διθεῖα: τὸ περιεθεῖν  
Διάστημα εξετάζωμεν εἰς τὸν ὅλως ρητῷ μέ-  
τρον.

Τῶν δὲ σὺ τοῖς μεγέθεσι τῶν μετρήσεων:  
καταμετρῶν τὰ ὄλα εἴς τὰ δέ. Δάκτυλος,  
παλαιτὴ, απιθανὴ, σῆς, πάχυς, βηματοῦ, ὄρ-  
γεῖα, παύτων δὲ ἐλαχιστότερον εἴς δάκτυ-  
λον. Διαιρεῖται δὲ ημὲν εἰς μέρη εοῦστα ὅτε μὲν  
γὰρ ημέσου, καὶ τρίτα καὶ λοιπά μόνα. Εἰσὶ δὲ ημὲν ἑτέρα μέτρα ἀπινεοντημένα ποὺ  
ταῦτα. πᾶσον, ἄκανθα, παλέθρον, Ιάζερον,  
σάδιον, μίλιον, ωροῦνος, ωροῦνος περ-  
σικὴ, καὶ ωροῦντοῦ ἐπιλεπτή,

καὶ λοιπά.

Τ Β Λ Ο Σ.



# EVCLIDIS ELEMENTA.

tum primum ex Theonis

Commentarijs.

## Definitiones.

Punctum est: quod partem non habet.

Linea est: longitudo absq; latitudine,

Termjni linea, sunt puncta.

Linea recta est: que ex aequo posita est inter sua puncta.

Superficies est: que longitudinem & latitudinem tuncum habet.

Termjni superficiei sunt linea

Plana superficies est: que ex aequo posita est inter suas lineas rectas.

Angulus planus est: duarum linearum: sese in plano tangencium: & non ex aduerso positarum: mutua inclinatio.

Rectilineum vocamus angulum: quem lineae rectae continent.

Cum recta super recta stans: angulos vicinos, inter se fecerit aequales: rectus est uterque aequalium illorum angulorum.

Recte vero linea, angulos illos aequales facit.

## EUVCLIDIS

ens: perpendicularis dicitur ad eam linea,  
super qua consistit.

Oblusus angulus est: qui recto est maior.

Acues vero: qui recto est minor.

Terminus est, quod alicuius finis est.

Figura est: que termino aliquo, aut aliquibus  
terminis continetur.

Circulus est figura plana: una linea concentrica:  
(quam vocamus circumferentiam) ad quam  
ab uno aliquo ex punctis, que intra ipsam  
sunt, omnes lineae rectae procedentes: inter-  
se sunt aequales.

Centrum vero circuli: vocatur hoc in circulo  
medium punctum.

Dimetiens circuli est: recta quedam linea, per-  
centerum circuli ducta: utring ad circum-  
ferentiam circuli desinens: ipsumque circulum  
in duas partes aequales dividens.

Semicirculus est: figura, quam dimetiens circu-  
li, et intercepta à dimetiente circumferen-  
tia continet.

Segmentum circuli est: figura, quam linea re-  
cta, et circuli circumferentia continet.

Rectilineae figurae sunt: quas rectae linea am-  
biunt.

Trila-

Trilateræ quidem: quas ambiunt tres rectæ.

Quadrilateræ vero: quas quatuor. Multilateræ, quas plures, quam quatuor rectæ ambiunt.

Ex trilateris autē figuris. Triangulus equilaterus est: qui tria habet æqualia latera.

Æquicrurus, qui duo tantum habet æqualia latera.

Scalenus triangulus: qui tria habet inæqualia latera.

Item ex triangulis figuris, triangulus rectangulus est: qui angulum habet rectum.

Amblygonius: qui angulum habet obtusum.

Oxygonius: qui angulos tres acutos habet.

Ex quadrilateris figuris: quadratum est, quod æquilaterum est, et rectangulum.

Quadrangulum oblongum: quod rectangulum quidem est, sed non æquilaterum.

Rhombus: quod æquilaterum quidem est, sed non rectangulum.

Rhomboides: quod latera è regione posita habet æqualia: ac etiam angulos æquales: nō tamen est æquilaterū, neq; rectangulum.

Omnes relique præter bas, quadrilateræ figu-

## EVCLIDIS

ta: Trapezia vocentur.

ταράχη. Equidistantes rectæ lineæ sunt: quæ in eodem  
plano sitæ: & in infinitum ex utraque parte  
se extensæ: in neutra tamen concurrunt.

postea. POSTULATA.

Petatur. A quovis punto: ad quodvis punctum  
rectam lineam describere.

Item, lineam rectam finitam: in infinitum usque  
extendere.

Item, quovis centro, & quovis inserviallo: de-  
scribere circulum.

## COMMUNES NOTIONES.

scilicet sententia.

1. Quæ eidem sunt aequalia: illa inter se sunt ae-  
qualia.

2. Si aequalibus aequalia fuerint adiecta: etiam  
tota sunt aequalia.

3. Si ab aequalibus aequalia fuerint ablata: etiam  
qua relinquentur, sunt aequalia.

4. Si in aequalibus aequalia fuerint adiecta: etiam  
tota sunt in aequalia.

5. Si ab in aequalibus aequalia fuerint sublata:  
qua relinquentur sunt in aequalia.

6. Quæ sunt eiusdem dupla: inter se sunt aequalia.

Quæ

Quae eiusdem sunt dimidia: inter se sunt et  
qualia.

Quae applicata inter se conueniuntur: sunt aqua  
lia.

Totum est maius sua pars.

Omnis recti anguli: inter se sunt aequales.

Cum in duas rectas, recta incidens linea: duos  
internos ex una parte angulos, duobus ro-  
atis facit minores: producatur iste due linea  
recta in infinitum: ex ea parte concurreat:  
ubi sunt illi duo anguli duobus rectis mi-  
nores.

Duæ linea rectæ, figuram non faciunt.

### Proposicio prima. Problema.

Super data linea recta finita: trian-  
gulum ac quilaterum constituere.

Explicatio dati.) Sit data linea recta fini-  
ta  $a\beta$ . (Explicatio qualitatis.) Oportet super li-  
nea recta  $a\beta$ : triangulum ac quilaterum consti-  
tuere. (Delineatio.) Centro  $a$ , interuallo  $a\beta$ :  
describatur circulus  $\beta\gamma\epsilon$ . Idem centro  $\beta$ , in-  
teruallo  $\beta\alpha$ : describatur circulus  $\alpha\gamma\delta$ : ducan-  
tur deniq; linea recta  $a\gamma$ ,  $\gamma\beta$ . (Demonstrati-

EVCLIDIS

rio) Quoniam punctum  $a$ , est cenerum circulus  
 $y\beta$ : idcirco recta  $ay$ , est aequalis rectae  $a\beta$ .  
rursum quoniam punctum  $\beta$ , est centrum circa  
 $y\alpha\beta$ : idcirco recta  $By$ : aequalis est recta  $B\alpha$ .  
Verum demonstratum est: quod recta  $y\alpha\beta$  est  
aequalis sit recta  $a\beta$ . Ergo: varaq; rectarum  
 $ya$ ,  $y\beta$  est aequalis recta  $a\beta$ . Que vero eidem  
funt aequalia: illa etiam inter se sunt aequalia.  
Ergo  $y\alpha\beta$  est recta: etiam aequalis est, recta  $y\beta$ .  
Tres igitur lineae recte  $y\alpha\beta$ ,  $ay$ ,  $y\beta$  sunt incor-  
sa aequales. (Conclusio.) Triangulus itaq;  
 $a\beta y$ , est equilaterus: ex consilio super data  
linea recta finita  $a\beta$ . Quod faciendum erat.

Proposicio secunda. Problema.

D punctum datum: linea recta  
data: aequalem lineam rectam po-  
nere.

(Explicatio dati.) Sis punctum  $a$ : et  
data recta linea  $By$ . (Explicatio quesiti.)  
Ad punctum  $a$ : data linea recta  $B\gamma$  ex-  
ponenda est recta linea aequalis. (Dolivatio.)  
Ab a punto, ad punctum  $\gamma$ : ducatur linea  
recta  $a\beta$ : et super linea  $a\beta$ ; bastatur triangu-  
lus

lus aquilagenu ad  $\beta$ . Excedente etiam linea recta da, de versus puncta  $\alpha$ ,  $\gamma$  et fratre  $\alpha$ ,  $\beta$ . Centro quoque, interumlo  $\beta\gamma$ : describatur circulus  $\gamma\eta\theta$ . Item Centro  $\delta$ , interumlo  $\delta\eta$ : describasur circulus  $\eta\lambda$  (secans lineam rectam  $\delta\gamma$  in punto  $\eta$ .) Demonstra-  
 zio.) Quoniam punctum  $\beta$ , est centrum circu-  
 li  $\gamma\eta\theta$ : dico recta  $\alpha\gamma$ , est equalis recta  $\beta\eta$ .  
 Item quoniam punctum  $\delta$ , est centrum circu-  
 li  $\eta\lambda$ . igitur recta  $\delta\lambda$ , est equalis recta  $\delta\eta$ .  
 Ex quibus  $\delta\eta$ , fuit equalis recte  $\delta\beta$ , reliqua  
 igitur ad: reliqua  $\beta\eta$ , est equalis. Verag id-  
 circa rectam  $\alpha\lambda$ ,  $\beta\gamma$ , est equalis recta  $\beta\eta$ .  
 que vero eidem sunt equalia: illa in se sunt  
 equalia. quare recta  $\alpha\lambda$ , etiam enim equalis re-  
 cta  $\gamma\eta$ . (Conclusio.) Ad datum igitur punctum  
 ad ducat lineam rectam  $\beta\gamma$ : equalis posita est recta  
 linea  $\alpha\lambda$ . quod faciendum erat.

### Proposicio tertia. Problema.

**D**e maiore, minori et aequali recta  
 lineam auferre.  
 Ex plicatio dati.) Sic ducat linea recta me-

E V C L I D I S

ior a & minor: vero  $\gamma$ . (Explicatio quesiti.)  
Ex maiore linea  $a\beta$ : collenda est recta aqua-  
lis linea  $\gamma$ . (Delineatio.) Ponatur ad punctū  
 $a$ : linea  $\gamma$ : aequalis recta linea ad. deinde con-  
stro a, inter ulla ad: describatur circulus d $\delta$ :  
(Secans rectam  $a\beta$ , in punto e. (Demonstra-  
tio.) Quoniam punctum a, cenerum est circuli  
d $\delta$ , idcirco recta ae, est aequalis recta ad. Ve-  
rum recta  $\gamma$ , etia est aequalis recta ad. Utraq,  
igitur rectarum ae,  $\gamma$ , est aequalis recta ad.  
Quare ae, etiam est aequalis recta  $\gamma$ . (Conclu-  
sio.) Duobus igitur rectis datis in aequalibus  
 $a\beta$ ,  $\gamma$ : ex maiore  $a\beta$ , ablate est ae: aequalis  
minori  $\gamma$ . Quod faciendum erat.

Proposito quarta. Theorema:

**S**i duo trianguli, duo latera duobus  
slateribus habuerint aequalia alterū  
alteri: & angulum angulo aequalē,  
qui aequalibus rectis lineis continetur:  
etiam basim basi habebunt aequalē:  
& triangulus triangulo erit aequalis: et  
reliqui anguli, reliquis angulis erunt  
aequales: alter alteri, quos latera subten-  
dunt aequalia.

Expl.

Explicatio dati.) Sint duo trianguli  $a\beta\gamma$ ,  
 $\delta\zeta$ : habentes duo latera  $a\beta$ ,  $a\gamma$ , aequalia duo  
bus laceribus  $\delta\zeta$ ,  $\delta\zeta$  alterum alteri: latus  $a\beta$ ,  
a equale lateri  $\delta\zeta$ : et latus  $a\gamma$ , a equale laceri  
 $\delta\zeta$ : et angulum  $\beta\gamma$ , aqualem angulo  $\delta\zeta$ .  
(Explicatio quæfici.) Dico quod basis  $\beta\gamma$ , si  
a equalis basi  $\epsilon\zeta$ : et triangulus  $a\beta\gamma$ : si aqua-  
lis triangulo  $\delta\zeta$ : et reliqui anguli, reliquis  
angulis sine aequalibus: alter alteri, quos aqua-  
lia illa latera subtendunt: angulus  $a\beta\gamma$ ,  
si aequalis angulo  $\delta\zeta$ : angulus deniq;  $a\gamma\beta$ ,  
si aequalis angulo  $\delta\zeta$ . (Demōstratio.) Quan-  
do enim triangulus  $a\beta\gamma$ , applicatur triangu-  
lo  $\delta\zeta$ : punctum  $a$ , ponitur super puncto  $\delta$ : et  
recta  $a\beta$ , applicatur recta  $\delta\zeta$ . caderet etiam  
punctum  $\beta$ , super puncto  $\epsilon$ . quia  $a\beta$ , est aqua-  
lis recte  $\delta\zeta$ . Deinde si recta  $a\beta$ , applicatur re-  
cta  $\delta\zeta$ : etiam recta  $a\gamma$ , applicabitur recta  $\delta\zeta$ .  
quoniam angulus  $\beta\gamma$ , proponitur aequalis  
angulo  $\delta\zeta$ . quare ex punctum  $\gamma$ , applicabi-  
tur puncto  $\zeta$ . cum recta  $a\gamma$ , aequalis sit recta  
 $\delta\zeta$ . Verum punctum  $\beta$  applicabitur puncto  $\epsilon$ .  
Basis igitur  $\beta\gamma$ : basi  $\epsilon\zeta$  applicabitur. Nam si  
punctum  $\beta$  applicatur puncto  $\zeta$ : et basis  $\beta\gamma$ ,

## EVCLIDIS

non applicetur basi  $\angle c$ : cum duæ rectæ figuræ facient quod est impossibile. Basis igitur  $B\gamma$ , basi  $c$  applicatur: et est ei æqualis. Vnde ergo locus triangulus  $a\beta\gamma$ : et triangulo deinceps applicabisur, et ei erit æqualis: et reliqui anguli, reliquis angulis applicabuntur, enq; erunt æquales: angulus  $a\beta\gamma$  angulo  $d\gamma c$ : et angulus  $a\gamma b$ , angulo  $d\gamma e$ . (Conclusio.) Si igitur duo trianguli, duo latera duobus lateribus habuerint æqualia alterum alteri: et angulum unum æqualem, qui æqualibus rectis lineis contingens: etiam basin basi habeantur æquales: et triangulus triangulo erit æqualis: et reliqui anguli, reliqua angulos erunt æquales: alter alteri, quos æqualia illa latera subtendunt. quod erat demonstrandum.

## Propositio quinta. Theorema.

**T**riangulorum, qui duo æqualia habent latera: anguli ad basim sunt æquales. Et productis æqualibus illis rectis: etiam qui sub basi sunt anguli inter se erunt æquales.

Explicatio duci.) Sis triangulus aquilus.

tuis  $\alpha\beta\gamma$ , babens latus  $\alpha\beta$ , aequaliter iuxta  
 & producantur linea  $\alpha\gamma$ ,  $\alpha\beta$ , ex libetias (hoc  
 est, ut concinè extendantur secundum lineam  
 rectam). & fiant recta. Qd. ya. (Explicatio  
 quæfici.) Dico quod angulus  $\alpha\beta\gamma$ , sit aequalis  
 angulo  $\alpha\gamma\beta$ . Et quod angulus  $\gamma\beta\delta$ , sit aqua-  
 lis angulo  $\beta\gamma\epsilon$ . (Delineatio.) Sumatur in li-  
 nea  $\beta\delta$ : punctum quodvis  $\zeta$ . deinde collatur à  
 maiore linea  $\alpha\epsilon$ , minori  $\alpha\zeta$ : aequalis linea  $\alpha\zeta$   
 denique ducantur rectæ  $\gamma\zeta$ ,  $\eta\beta$ . (Demonstra-  
 zio.) Quoniam recta  $\alpha\zeta$ , est aequalis recta  $\alpha\gamma$   
 & recta  $\alpha\beta$ , aequalis recta  $\alpha\gamma$ : duo igitur re-  
 ctæ  $\alpha\gamma$ ,  $\alpha\beta$ : duabus rectis  $\eta\beta$ ,  $\alpha\beta$  sunt. equa-  
 los, altera altera: & communem ambiunt  $\gamma\zeta$  an-  
 gulum. quare basis  $\gamma\zeta$ , basi  $\eta\beta$  est aequalis:  
 & triangulus  $\alpha\gamma\beta$ , triangulo  $\alpha\eta\beta$  aequalis  
 est: reliqui etiam anguli reliquis angulis aqua-  
 lis sunt: alter alteri, quos aequalia illa latera  
 subcendiunt: angulus  $\alpha\gamma\beta$ , angulo  $\alpha\beta\eta$ : & an-  
 gulus  $\alpha\beta\gamma$ , angulo  $\alpha\eta\beta$ . Cum vero tota recta  
 $\alpha\zeta$ , tota recta  $\eta\beta$  sit aequalis: & recta  $\alpha\beta$  abla-  
 ta, sit aequalis recta  $\alpha\gamma$  ablata. idcirco reli-  
 qui linea recta  $\beta\zeta$ : reliqui rectæ  $\gamma\eta$  etiam re-  
 sis aequalis. Verum recta  $\gamma\zeta$ : demonstrata est

equa:

## EUCOLIDIS

equalis esse rectæ  $\gamma\beta$ . duo igitur rectæ  $\beta\gamma$ ,  
 $\gamma\beta$ : duabus rectis  $\gamma\eta$ ,  $\eta\beta$  sunt aequales altera  
alteræ: & angulus  $\beta\gamma$ , aequalis est angulo  
 $\gamma\eta\beta$ : basis etiam eorum communis est recta  
 $\beta\gamma$ . triangulus igitur  $\beta\gamma$ : triangulo  $\gamma\eta\beta$  e-  
tiam erit aequalis: & reliqui anguli, reliquis  
angulis aequales: quos aequalia illa latera sub-  
tendunt. angulus  $\beta\gamma$ , aequalis angulo  $\eta\gamma\beta$ :  
& angulus  $\beta\gamma$ , angulo  $\gamma\beta\eta$ . Quoniam nunc  
corus angulus  $\alpha\beta\eta$ , soci angulo  $\alpha\gamma\beta$  demon-  
stratus est aequalis: quorum ablatus angulus  
 $\gamma\eta\beta$ , ablato angulo  $\beta\gamma$  est aequalis. ergo re-  
liquus  $\alpha\beta\gamma$  angulus, reliquo  $\alpha\gamma\beta$  angulo est  
aequalis: & sunt anguli ad basim trianguli  
 $\alpha\beta\gamma$ . Angulus vero  $\beta\gamma$ , angulo  $\eta\gamma\beta$  de-  
monstratus est aequalis esse; & sunt sub basi.  
(Conclusio. Triangulorum igitur, qui duo ha-  
bent aequalia latera: anguli ad basim sunt a-  
equales. & productis aequalibus illis rectis: etiam  
qui sub basi sunt anguli, inter se erunt aqua-  
les. Id quod erat demonstrandum.

**S**Propositio sexta. Theorema.  
I trianguli, duo anguli aequales in-  
ter

ter se fuerint; etiam latera, quae aequalis illos angulos subtendunt; ergo sunt inter se aequalia.

*Explicatio dati.)* Sic triangulus  $a\beta\gamma$ : bene angulum  $a\beta\gamma$ , aequalē angulo  $a\gamma\beta$ . *Explicatio quaestī.*) Dico quod latius  $a\beta$ : sit aequalē lateri  $a\gamma$ . (*Delineatio cum hypothesi.*) Si enim recta  $a\beta$ , non est aequalis recta  $a\gamma$ : et sera illarum erit maior. (*Hypothesi.*) Sit recta  $a\beta$  maior. (*Delineatio.*) Ex recta  $a\beta$  maiore: linea recta  $a\gamma$  minori auferatur lineare. Et  $a\beta\gamma$  equalis: & ducatur recta  $\delta\gamma$ . (*Demonstratio.*) Quoniam latus  $\delta\beta$ , aequalē est lateri  $a\gamma$ , & commune latus  $\beta\gamma$  duo igitur latera  $\delta\beta, \beta\gamma$ : duobus lateribus  $a\gamma, \gamma\beta$  sunt aequalia alterum alteri: & angulus  $\delta\beta\gamma$ , angulo  $a\gamma\beta$  est aequalis. Basis igitur  $\delta\gamma$ , basi  $a\beta$  est aequalis: & triangulus  $a\beta\gamma$ , triangulo  $\delta\gamma\beta$  est aequalis: maior minori. quod est absurdū. Quare recta  $a\beta$ , non est in aequalis recta  $a\gamma$ , itaq; erit ei aequalis. (*Conclusio.*) Si ergo trianguli, duo anguli aequales inter se fuerint: etiam latera, quae aequales illos angulos subtendunt; erunt inter se aequalia. Id quod erat demonstrandum.

Pre-

E U C L I D I S

Proposicio septima. Theorema.

**S**uper eadē linea recta: duabus eiusdem rectis: aliae duæ rectæ æquales altera altera non stantur ad aliud, aique aliud punctum: in eisdem partibus eisdem habentes terminos, quos linea prima.

Ex explicatio dati.) Si enim fieri posst: sic linea recta  $\alpha\beta$ : et super ea duabus rectis  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\beta$ ; constitutis: aliae duæ lineæ rectæ ad,  $\delta\beta$  constituuntur æquales altera altera: ad aliud aique aliud punctum  $\gamma$ , et  $\delta$ : in eisdem partibus  $\gamma$ , et  $\delta$ : eisdem habentes terminos  $\alpha$ , et  $\beta$ : quos linea rectæ primæ: ita ut  $\gamma\alpha$  equalis sit  $\delta\alpha$ : et eundem habeat terminum  $\alpha$ : recta vero  $\gamma\beta$ , sic equalis rectæ  $\delta\beta$ : et eundem cum ea habeat terminum  $\beta$ . (Delineatio.) Et ducatur recta  $\gamma\delta$ . (Demonstratio.) Quoniam  $\alpha\gamma$  recta, est æqualis rectæ ad: etiam angulus  $\alpha\gamma\delta$ , erit æqualis angulo  $\alpha\delta\gamma$ . verum angulus  $\alpha\delta\gamma$ , maior est angulo  $\delta\gamma\beta$ : multò ergo angulus  $\gamma\delta\beta$ , maior est angulo  $\delta\gamma\beta$ . Item, quoniam laetus  $\gamma\beta$ , est æquale laeti  $\delta\beta$ : erit etiam angulus  $\gamma\delta\beta$  a angulo  $\delta\gamma\beta$  æqualis. Verum ille ipse

ipse angulus  $\gamma\delta\alpha$ : demonstratus est esse multo  
maior angulo  $\delta\gamma\beta$ , quod fieri nequit. (Conclu-  
sio.) Super eadem igitur rectas duabus eisdem  
rectis aliæ due rectæ æquales aliae alteræ: nō  
statuerint ad aliud atq; aliud punctū: in eas-  
dem partes: eisdem habentes terminos, quos  
linea prima. Id quod erat demonstrandum.

*Propositio octava. Theorema.*

**S**i duo trianguli, duo latera duobus  
lateribus habuerint æqualia alteri  
alteri: habuerint verò basim, æqua-  
lem basi: etiam angulum angulo habe-  
bunt æqualē, quem æquales illæ lineæ  
rectæ continent.

*Explicatio dati.*) Sint duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  
 $\delta\epsilon\zeta$ : habentes duo latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\gamma$ : duobus late-  
ribus  $\delta\epsilon$ ,  $\delta\zeta$ , æqualia, alterum alteri: latus sci-  
lices  $\alpha\beta$ , æquale lateri  $\delta\epsilon$ : & latus  $\alpha\gamma$ , æquale  
lateri  $\delta\zeta$ : item basim  $\beta\gamma$ , æqualē basi  $\epsilon\zeta$ . (*Ex-  
plicatio quæfici.*) Dico quod angulus  $\beta\gamma$ , sit  
æqualis angulo  $\delta\zeta$ . (*Delineatio.*) Quando e-  
num triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , applicatur triangulo  
 $\delta\epsilon\zeta$ : & punctum  $\beta$ , ponitur super punto  $\epsilon$ : li-

nea

## EVCLIDIS.

ne aquoq; recta  $\beta\gamma$ , applicatur rectæ  $\epsilon\zeta$ : sum  
punctum  $\gamma$ , etiam applicabitur puncto  $\zeta$ ; quia  
recta  $\beta\gamma$  est æqualis rectæ  $\epsilon\zeta$ . (Demōstratio.)  
Quando verò recta  $\beta\gamma$ , applicatur rectæ  $\epsilon\zeta$ :  
applicabuntur etiam rectæ  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , rectis  $\epsilon\delta$ ,  
 $\delta\zeta$ . Si enim basi  $\beta\gamma$ , applicatur basi  $\epsilon\zeta$ , &  
latera  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , non applicentur lateribus  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\zeta$ :  
verum diuersum habuerint sicutum, ut rectæ  
 $\alpha\gamma$ ,  $\eta\zeta$ : constituentur super eadem linea rectæ  
duabus eisdem rectis: aliae due rectæ æquales  
altera altera: ad aliud, atq; aliud punctum: ad  
eisdem partes: eosdē habentes terminos, quos  
lineæ primæ. sed non statuerint ad diuersum  
punctum. Quare falsum est: quod applicata ba-  
sis  $\beta\gamma$ , basi  $\epsilon\zeta$ : nō applicetur  $\beta\alpha$ ,  $\beta\gamma$ , latera: la-  
teribus  $\epsilon\delta$ ,  $\delta\zeta$ . applicabūtur ergo. Vnde seque-  
ritur, quod angulus  $\beta\alpha\gamma$ , applicabitur angulo  
 $\epsilon\delta\zeta$ , & ei erit æqualis. (Conclusio.) Si igitur  
duo trianguli, duo latera duobus lateribus ha-  
buerint æqualia alterum alteri: habuerint ve-  
rò basim basi æqualem: etiam angulum an-  
gulo habebunt æqualem, quem æquales illæ  
rectæ lineæ continent. Id quod erat demon-  
strandum.

Propri-

*Propositio nona. Problema.*

**D**atum angulum rectilineum: per medium secare: vel in duas partes aequales secare.

*Explicatio dati.*) Sit datus angulus rectilineus  $\beta\alpha\gamma$ . (*Explicatio quæsiti.*) Angulus  $\beta\alpha\gamma$ : secâdus est in duas partes aequales. *Delineatio.*) Sumatur in linea  $\alpha\beta$ , punctum quoddam  $\delta$ : et collatur ex linea  $\alpha\gamma$ : linea  $\alpha\delta$ : aequalis recta linea  $\delta\gamma$ : postea ducatur linea  $\delta\epsilon$ : et statuatur super linea  $\delta\epsilon$ : triangulus aequilaterus  $\delta\epsilon\gamma$ : deniq; ducatur linea  $\alpha\zeta$  (*Explicatio iam factæ delineationis.*) Dico quod linea  $\beta\zeta$ : in duas partes aequales secer angulum  $\beta\alpha\gamma$ . (*De monstratio.*) Quoniam recta  $\alpha\delta$ : aequalis est recta  $\alpha\zeta$ : et communis est recta  $\alpha\zeta$ : idcirco duo latera  $\delta\alpha$ ,  $\alpha\zeta$ : duobus lateribus  $\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\zeta$ : sunt aequalia alterum alteri: et basis  $\delta\zeta$ : aequalis basis  $\epsilon\gamma$ . Angulus igitur  $\delta\alpha\zeta$ : angulo  $\epsilon\alpha\gamma$  est aequalis. (*Conclusio.*) Datus igitur angulus rectilineus  $\beta\alpha\gamma$ : per lineam rectam  $\alpha\zeta$ : est dissecitus in duas partes aequales. Id quod faciendum erat.

## EVCLIDIS

Propositio decima. Problema.

**D**atam lineam rectam finitam: in duas partes equaes secare.

Explicatio dati.) Sit data linea recta finita  $\alpha\beta$ . Explicatio quaesiti.) Linea recta finita  $\alpha\beta$ : dissecanda est in duas partes aequales. (Delineatio. Statuatur super recta  $\alpha\beta$ : triangulus equilaterus  $\alpha\beta\gamma$ ; & sectetur angulus  $\alpha\beta\gamma$ : in duas partes aequales, per linam rectam  $\gamma\beta$ . (Explicatio factae delineationis.) Dico quod recta  $\alpha\beta$ : secta sit in duas partes aequales, in punto  $\delta$ . (Demonstratio.) Quoniam recta  $\alpha\gamma$ : est aequalis recta  $\gamma\beta$ : & communis recta  $\gamma\delta$ : duo igitur latera  $\alpha\gamma$ ,  $\gamma\delta$ : duobus laceribus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\delta$  sunt aequalia alterū alteri: & angulus  $\alpha\gamma\delta$ , est aequalis angulo  $\beta\gamma\delta$ . Ergo basis  $\alpha\delta$ : est aequalis basi  $\beta\delta$ . (Conclusio. Data igitur linea recta finita  $\alpha\beta$ : secta est in duas partes aequales in punto  $\delta$ . Id quod faciendum erat.

Propositio undecima. Problema.

**D**atæ lineæ rectæ: à dato in ea punto; ducere lineam rectam ad angulos.

gulos rectos : id est, rectos facientē angulos.

*Explicatio dati.*) Sit data linea recta  $a\beta$ : & datum in ea punctum  $\gamma$ . (*Explicatio qua-*  
*siti.*) *Ducēda* est à punto  $\gamma$ : linea recta, rectos  
*faciens* angulos cum linea  $a\beta$ . (*Delineatio.*)  
*Sumatur* in linea  $a\gamma$ , quodvis punctum  $\delta$ : &  
*fiat* linea  $\gamma\delta$ , *equalis* linea  $\gamma\alpha$ . *Et statuatur*  
*super* linea  $\delta$ : triangulus *equilaterus*  $\delta\gamma\epsilon$ : de-  
*nīq* ducatur recta  $\delta\gamma$ . (*Explicatio facta deli-*  
*neationis.*) *Dico*, quod data linea recta  $a\beta$ : à  
*dato* in ea punto  $\gamma$ : ad angulos rectos, ducā-  
*sit* recta linea  $\gamma\delta$ . (*Demonstratio.*) *Quoniam*  
*recta*  $\delta\gamma$ : est *equalis* rectae  $\gamma\alpha$ : *communis* vero  
*recta*  $\gamma\delta$ . *Duo* igitur latera  $\delta\gamma$ ,  $\delta\gamma$ : *duobus la-*  
*teribus*  $\gamma\alpha$ ,  $\gamma\beta$ , *sunt* *equalia* alterum alteri:  
& *basis*  $\delta\gamma$ : *equalis* est *basi*  $\gamma\beta$ . *ergo* *angulus*  
 $\delta\gamma\beta$ : *equalis* est *angulo*  $\gamma\alpha\beta$ , (& *sunt*  $\epsilon\phi\epsilon\zeta\eta\varsigma$ ,  
*id est*, *vicini.*) *Quando* vero *recta* super *recta*  
*stans*: *angulos vicinos* *equales* *fecerit* *inter se:*  
*ut* *erq*, *equalium* *angulorum* *est* *rectus.* *Ergo*  
*ut* *erq*, *angulorum*  $\delta\gamma\beta$ ,  $\gamma\alpha$ , *est* *rectus.* *Con-*  
*clusio.*) *Data* igitur linea recta  $a\beta$ : à *dato*  
*quod* in ea *est* *puncto*  $\gamma$ : ad *angulos rectos*, *du-*

EVCLIDIS

*Huius est recta  $\eta\gamma$ . Id quod faciendum erat.*

*Propositio duodecima. Problema.*

**A**d lineam rectam datam infinitam; à dato puncto: quod in ea nō est: perpendicularē rectam lineam ducere.

(*Explicatio dati.*) Sit data linea recta infinita  $a\beta$ : & punctum quod in ea non est, datum  $\gamma$ . (*Explicatio quesiti.*) A punto dato  $\gamma$ : ad datam lineam rectam infinitam  $a\beta$ : ducenda est linea recta perpendicularis. (*Delineatio.*) Sumatur ex altera parte linea  $a\beta$ , punctum quodvis  $\delta$ : & centro  $\gamma$ , interuallo  $\gamma\delta$ : describatur circulus  $\epsilon\eta$ : secans lineam  $a\beta$ , in punctis  $\epsilon$ , &  $\eta$ . Postea dissecetur linea recta  $a\eta$ : in duas partes aequales in punto  $\theta$ . & ducantur linea rectae  $\gamma\eta$ ,  $\gamma\theta$ ,  $\gamma\epsilon$  (*Explicatio iam factae delineationis.*) Dico quod ad lineam rectam datam infinitam  $a\beta$ : à punto  $\gamma$  dato, quod in ea non est: perpendicularis ducta sit recta linea  $\gamma\theta$ . (*Demonstratio.*) Quoniam recta  $\eta\theta$ , aequalis est rectae  $\theta\epsilon$ : & communis recta  $\theta\gamma$ : ergo duo latera  $\eta\theta$ ,  $\theta\gamma$ : duobus lateribus  $\epsilon\theta$ ,  $\theta\gamma$ ,

*Junc*

sunt aequalia alterum alteri: & basis  $\gamma\eta$ , basi  
 $\gamma\epsilon$ , est aequalis. quare angulus  $\gamma\theta\eta$ : angulo  
 $\epsilon\theta\delta$  est aequalis: & sunt vicini. Quando vero  
recta super recta stans angulos vicinos aequa-  
les inter se fecerit: uterq; aequalium illorū an-  
gulorum est rectus. & recta super recta stans:  
perpendicularis ad eam dicitur. (Conclusio.)  
Ad datam igitur lineam rectam infinitā a.β.  
à punto  $\gamma$  dato quod in ea non est perpendicularis  
ducta est recta  $\gamma\theta$ . Id quod faciendum  
erat.

*Propositio decima tertia: Theorema.*

**V**T ut recta super recta stans, an-  
gulos fecerit: vel duos rectos: vel  
duobus rectis aequales eos faciet;

*Explicatio dati.)* Recta quedam a.β. stans  
super recta  $\gamma\delta$ , faciat angulos  $\gamma\beta\alpha, \alpha\beta\delta$ . Ex-  
plicatio quesiti.) Dico quod anguli  $\gamma\beta\alpha, \alpha\beta\delta$ :  
vel sint duo recti: vel duobus rectis aequales.  
*Delineatio cum hypothesi.)* Si igitur angulus  
 $\gamma\beta\alpha$ , aequalis est angulo  $a\beta\delta$ : cum sunt duo  
recti. quod si vero non: cum ducatur à punto  
 $\epsilon$ , recta linea  $\gamma\delta$ : ad angulos rectos, linea re-  
cta  $\beta\alpha$ . (Demonstratio.) Anguli igitur  $\gamma\beta\alpha$ ,

EVCLIDIS

$\epsilon\beta\delta$ : sunt duo recti. & cum angulus  $\gamma\beta\epsilon$ , sic  
aequalis duobus angulis  $\gamma\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\epsilon$ : communis  
addatur angulus  $\epsilon\beta\delta$ . quare duo anguli  $\gamma\beta\epsilon$ ,  
 $\epsilon\beta\delta$ : tribus angulis  $\gamma\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ : sunt a-  
quales. Rursum quoniam angulus  $\delta\beta\alpha$  aequa-  
lis est duobus angulis  $\delta\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\alpha$ : communis ad  
datur angulus  $\alpha\beta\gamma$ . anguli igitur  $\delta\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ :  
tribus angulis  $\delta\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ , sunt aequales.  
Verum demonstratum est, angulos  $\gamma\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ :  
tribus ijsdem angulis, esse aequales. Que vero  
eidem sunt aequalia: illa in eis se sunt aequalia.  
ergo anguli  $\gamma\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ : sunt duobus angulis  
 $\delta\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ , aequales, sed anguli  $\gamma\beta\epsilon$ ,  $\epsilon\beta\delta$ : sunt  
duo recti. ergo  $\delta\beta\alpha$ ,  $\alpha\beta\gamma$ , anguli: sunt aequa-  
les duobus rectis. Conclusio. Ut ut igitur re-  
sta super recta trans: feceris angulos: vel duos  
rectos: vel duobus rectis aequales faciet. Id  
quod erat demonstrandum.

Propositio decima quarta. Theorema.

**S**i ad lineam quandam rectam: & pun-  
ctum in ea datum: duæ rectæ, nō in  
eadem partes sitæ: angulos ( $\epsilon\phi\epsilon\xi\eta\varsigma$ )  
vicinos, duobus rectis angulis aequa-  
les

Ies fecerint: duæ iste rectæ, in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$ , altera alteræ erunt.

*Explicatio dati.)* Nam ad lineam quan-  
dam rectam ab: & ad punctum in ea datur  
 $\beta$ : duæ rectæ linea  $\gamma\beta$ ,  $\beta\delta$ : non in easdem par-  
tes sitæ: faciant angulos in  $\Phi\epsilon\xi\eta\varsigma$  (vicos)  
 $a\beta\gamma$ ,  $a\beta\delta$ , equales duobus rectis. *Explicatio*  
*quæstionis.)* Dico quod rectæ  $\gamma\beta$ , sit in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$   
recta  $\beta\delta$ . *Delineatio.)* Si enim recta  $\gamma\beta$ , non  
est in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$  recta  $\beta\delta$ : sit recta  $\beta\epsilon$ , recta  $\gamma\beta$ ,  
in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$ . *Demonstratio.)* Quoniam recta  
 $a\beta$ : constituta est super recta  $\gamma\beta$ . anguli igi-  
tur  $a\beta\gamma$ ,  $a\beta\delta$ : sunt equales duobus rectis. Ve-  
runtur anguli  $a\beta\gamma$ ,  $a\beta\delta$ : etiam sunt equales  
duobus rectis. anguli igitur  $\gamma\beta\alpha$ ,  $a\beta\epsilon$ : angu-  
lis  $\gamma\beta\alpha$ ,  $a\beta\delta$  sunt æquales. Communis aufer-  
atur angulus  $a\beta\gamma$ . reliquis igitur angulus  
 $a\beta\epsilon$ : reliquo angulo  $a\beta\delta$ , est æqualis, minor  
maiori. quod fieri nequit. Quare recta  $\beta\epsilon$ : non  
est in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$ , recta  $\beta\gamma$ . Similiter etiam de-  
monstrabimus, quod nulla alia præter rectam  
 $\beta\delta$ : sit in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$ , recta  $\gamma\delta$ . *Conclusio.)* Er-  
go recta  $\gamma\beta$ , est in  $\angle \theta\epsilon\alpha\varsigma$  recta  $\beta\delta$ . Si rigi-  
tur ad lineam quandam rectam: & punctu*im* ea

## EVCLIDIS.

datum: due rectæ non in easdem partes sicæ: angulos ēΦεξ̄ns duobus rectis angulis fecerint aequales: due ista rectæ ēm̄ Litteras, erit altera alteræ. Id quod erat demonstrandum.

Propositio decimaquinta. Theorema.

**S**i duæ lineæ rectæ, se se mutuo secant: facient angulos ad verticem, inter se aequales.

Explicatio dati.) Due enim lineæ rectæ  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$ : se se mutuo secant in punto e. (Explicatio quesiti.) Dico quod angulus  $\alpha\gamma$ , angulo  $\delta\beta$  sit aequalis: & angulus  $\gamma\beta$ , angulo  $\alpha\delta$  etiam aequalis. (Demonstratio.) Quoniam recta  $\alpha\epsilon$ , super recta  $\gamma\delta$ , constituta est: & facit angulos  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\delta$ . anguli igitur  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\delta$ : duobus rectis sunt aequales. Item quoniam recta  $\alpha\beta$  super recta  $\alpha\delta$ , est constituta, facitq; angulos  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ . anguli igitur  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ : sunt aequales duobus rectis. Verum anguli  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\delta$  duobus rectis sunt aequales. quare duo anguli  $\gamma\epsilon\alpha$ ,  $\alpha\delta$ : sunt aequales duobus angulis  $\alpha\delta$ ,  $\delta\beta$ . Communis auferatur angulus  $\alpha\delta$ . reliquis igitur angulus  $\gamma\epsilon\alpha$ : reliquo angulo  $\beta\delta$

*Bed est equalis. Simili demonstratione, probabimus angulum γεβ: angulo δεα esse aqualem. Conclusio.) Si igitur due rectae se se mutuo secant: facient angulos ad verticem inter se aequales. Id quod erat demonstrandum,*

*Corolarium. Ex hoc est manifestum, quod quaecunq; linea recta se se mutuo secant: faciunt angulos ad punctum sectionis: quatuor rectis aequales.*

*Propositio decimasexta. Theorema.*

**O**nus trianguli, uno ex lateris bus producendo: angulus extraneus, viroque eorum, qui intra triangulum sunt, quibus ipse opponitur, est maior.

*Explicatio dati.) Sic triangulus αγγ: ex protractatur latus eius βγ, ad punctum δ. Explicatio quaesiti.) Dico quod angulus αβδ: est maior angulo γβα, interno sibi opposito: et maior angulo βαγ, interno sibi opposito. Delinatio.) Dissecetur latus αγ, in duas partes aequales in puncto ε. deinde ducatur linea βε: et producatur ad punctū ζ. Fiat etiam linea*

B v

## EVCLIDIS

Pr. qualis linea est: deniq; ducatur linea  $\gamma\beta$ : &  
extendatur recta  $\alpha\gamma$ , ad punctum usq; n. De-  
monstracio.) Quoniam recta  $\alpha\gamma$ , aequalis est re-  
cta  $\gamma\beta$ . & recta  $\beta\epsilon$ , aequalis rectae  $\gamma\beta$ . duo igi-  
tur latera  $\alpha\epsilon$ , ex duobus lateribus  $\gamma\beta$ , & sunt  
aequalia alterum alteri: & angulus  $\alpha\gamma\beta$ , aqua-  
lis est angulo  $\gamma\beta\epsilon$ . quia sunt anguli ad vertexem.  
Basis igitur ab basi  $\gamma\beta$ , erit aequalis: &  
triangulus  $\alpha\beta\epsilon$ , aequalis erit triangulo  $\gamma\beta\epsilon$ :  
& reliqui anguli, reliquis angulis sunt aqua-  
les alter alteri. quos aequalia illa latera subven-  
dunt. itaq; angulus  $\beta\alpha\epsilon$ , aequalis est angulo  
 $\gamma\beta\epsilon$ . Verum angulus  $\alpha\gamma\beta$ , maior est angulo  
 $\gamma\beta\epsilon$ . quare angulus  $\alpha\gamma\beta$ , angulo  $\beta\alpha\epsilon$  etiam  
est maior. Similiter demonstrabitur, quando  
recta  $\beta\gamma$ , diffissa fuerit in duas partes alteras:  
quod angulus  $\beta\gamma\eta$ , hoc est angulus  $\alpha\gamma\beta$ ,  
maior sit angulo  $\alpha\beta\gamma$ . Conclusio.) Omnis igi-  
tur trianguli, uno ex lateribus protracto: ex-  
traneus angulus, utroq; eorum, qui intra trian-  
gulum sunt, quibus ipse opponitur est maior.  
Id quod erat demonstrandum.

Propo-

*Propositio decima septima, Theorema.*

**O**mnis trianguli: quiuis duo anguli duobus rectis angulis sunt minores, quoquis modo sunt.

*Explicatio duci.)* Sic triangulus  $\alpha\beta\gamma$ .  
*Explicatio quæsti.)* Dico quod trianguli  $\alpha\beta\gamma$ : duo anguli sunt minores duobus rectis, quoquis modo sumpti. *Delineatio.)* Producatur linea  $Cy$ , ad punctum  $d$ . *Demonstratio.)* Quoniam trianguli  $\alpha\beta\gamma$ , angulus extraneus  $\alpha\gamma\beta$ : maior est angulo  $\alpha\beta\gamma$ , interno sibi opposito. Communis addatur angulus  $\alpha\gamma\beta$ . anguli igitur  $\alpha\gamma\delta$ ,  $\alpha\gamma\beta$ : sunt maiores angulis  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\alpha$ . Verum anguli  $\alpha\gamma\delta$ ,  $\alpha\gamma\beta$ : sunt duo recti. ergo anguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\alpha$ , sunt minores duobus rectis. Simili ratione demonstrabimus angulos  $\beta\gamma\alpha$ ,  $\alpha\gamma\beta$ : duobus rectis esse minores. Item & angulos  $\alpha\gamma\beta$ ,  $\alpha\beta\gamma$ : duobus rectis esse minores. *Conclusio.)* Omnis igitur trianguli, quiuis duo anguli: minores sunt duobus angulis rectis. *Ide quod erat demonstrandum.*

*Propon-*

EVCLIDIS.

Proposicio decima octaua. Theorema.

**V**T quodvis latus trianguli est maius: ita maiorē subtendit angulū.

*Explicatio dati.) Sit triangulus αβγ: habens latus αγ, maius latere αβ. Explicatio quæfisi.) Dico quod angulus αβγ: maior sit angulo αγβ. Delineatio.) Cum enim latus αγ, sit maius latere αβ: fiat linea αδ, æqualis recta ad: & ducatur recta βδ. Demonstratio.) Quoniam trianguli βδγ, angulus αδβ externus: maior est angulo δγβ, interno sibi opposito: & angulus αδβ, sit æqualis angulo αβδ: cum latus αβ, lateri ad sit æquale. idcirco angulus αβδ: maior est angulo αγβ. Ergo angulus αβγ, multo est maior angulo αγβ. Conclusio.) Ut quodvis igitur latus trianguli est maius: ita maiorem subtendit angulum. id quod erat demonstrandum.*

Proposicio decima nona. Theorema.

**V**T triangulus aliquis, angulum quemuis habuerit maiorem: ita etiam maiorem habebit eam lineam rectam, que illum subtendit angulum.

*Expli-*

*Explicatio dati.) Sit triangulus  $\alpha\beta\gamma$ : ha-*  
*bens angulū  $\alpha\beta\gamma$ , maiorem angulo  $\alpha\gamma\beta$ . Ex-*  
*plicatio quæsiti.) Dico quod trianguli  $\alpha\beta\gamma$ :*  
*latus  $\alpha\gamma$ , maius sit latere  $\alpha\beta$ . Demonstratio.)*  
*Si enim non fuerit maius: cum vel erit ei æ-*  
*quale: vel erit eo minor. sed recta  $\alpha\gamma$ , non est*  
*æqualis rectæ  $\alpha\beta$ . nam & angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angu-*  
*lo  $\alpha\gamma\beta$  esset æqualis. id quod tamen non est.*  
*quare neq; latus  $\alpha\gamma$ . lateri  $\alpha\beta$ , erit æquale: ne*  
*que etiam latus  $\alpha\gamma$ , poterit esse minus latere*  
 *$\alpha\beta$ . quia etiam angulus  $\alpha\beta\gamma$ , minor esset an-*  
*gulo  $\alpha\gamma\beta$ : cum tamen non sit. Quare neq; la-*  
*tus  $\alpha\gamma$ , minus est latere  $\alpha\beta$ . antea autem de-*  
*demonstratum est. quod ei non sit æquale. Erit*  
*ergo  $\alpha\gamma$  latus, maius latere  $\alpha\beta$ . Conclusio.)*  
*Omnis igitur trianguli, raaiorē angulum ma-*  
*ius latus subtendit. Id quod erat demonstran-*  
*dum.*

*Propositio vigesima. Theorema.*

**O**mnis trianguli: quævis duo la-  
 tera, sunt maiora reliquo.

*Explicatio dati.) Sit triangulus*  
 $\alpha\beta\gamma$ . *Explicatio quæsiti.) Dico quod trian-*  
*guli  $\alpha\beta\gamma$ : quævis duo latera, sint maiora reli-*  
*quo.*

## EVCLIDIS

quo. lateru  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , maiora latere  $\beta\gamma$ : Item  
latera  $\alpha\beta$ .  $\beta\gamma$ , maiora latere  $\alpha\gamma$ : deniq; latera  
 $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$ , maiora latere  $\alpha\beta$ . Delineatio.) Pro-  
ducatur linea  $\beta\alpha$ , ad punctum  $\delta$ : & fiat linea  
 $\alpha\gamma$ , equalis linea  $\alpha\beta$ : deniq; ducatur linea  
 $\gamma\delta$ . Demonstratio.) Quoniam latus  $\delta\alpha$ , equa-  
le est lateri  $\alpha\gamma$ : etiam angulus  $\alpha\delta\gamma$ , est equa-  
lis angulo  $\alpha\gamma\beta$ . Verum angulus  $\alpha\gamma\beta$ , maior  
est angulo  $\alpha\delta\gamma$ . quare & angulus  $\beta\gamma\delta$ , angu-  
lo  $\alpha\delta\gamma$ , maior erit. & quia triangulus  $\delta\gamma\beta$ ,  
angulum  $\beta\gamma\delta$  maiorem habet angulo  $\alpha\gamma\beta$ :  
atq; maius latus subtendit angulum maiore:  
idcirco & latus  $\delta\beta$ , maius est latere  $\beta\gamma$ . Sed  
 $\delta\beta$  latus, equale est  $\alpha\beta$ , ex lateribus. quare  
 $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , duo latera: sunt maiora latere  $\beta\gamma$ . Si-  
militer demonstrabimus, quod latera  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ ,  
sunt maiora latere  $\alpha\gamma$ : &  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$  latera sine  
maiora latere  $\alpha\beta$ . Conclusio.) Omnis igitur  
trianguli, quovis duo latera: sunt maiora reli-  
quo. id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima prima. Theorema.

**S**i à finibus vnius lateris trianguli  
scilicet suis, duæ rectæ lineæ intra tri-  
angulum

ad punctū idē statuantur: erunt quidē istæ duæ rectæ lineæ, reliquis duobus trianguli lateribus minores: verūma maiorem angulum comprehendent.

*Explicatio dati.*) Super basere enim  $\beta\gamma$  trianguli  $\alpha\beta\gamma$ : à similibus  $\beta$ , &  $\gamma$ , duæ lineæ res  $\epsilon\alpha\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$  statuantur in ea triangulum. *Explicatio quesita.*) Dico quod duæ rectæ  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$ , minores quidē fini reliquis duobus trianguli lateribus  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ : verum angulum  $\beta\delta\gamma$ , maiorem angulo  $\beta\alpha\gamma$ , concineant. *Delineatio.*) Producatur enim linea  $\beta\delta$ ; ad punctum  $\gamma/\beta$ . *Demonstratio.*) Quoniam omnis trianguli duo latera maiora sunt reliquo: idcirco trianguli  $\alpha\beta\epsilon$ , duo latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\epsilon$  sunt maiora latera  $\beta\delta$ . Commune addatur latus  $\epsilon\gamma$ . Latera igitur  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , maiora sunt lateribus  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$ . Idem quia trianguli  $\gamma\delta$ , duo latera  $\gamma\epsilon$ ,  $\epsilon\delta$  maiora sunt latera  $\gamma\beta$ . Commune addatur latus  $\delta\beta$ . quare latera  $\gamma\epsilon$ ,  $\epsilon\beta$ : maiora sunt lateribus  $\gamma\delta$ ,  $\delta\beta$ . Verum latera  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ : demonstrata sunt maiora lateribus  $\beta\delta$ ,  $\epsilon\gamma$ . ergo  $\beta\alpha$ ,  $\alpha\gamma$  latera, lōge erūt maiora lateribus  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$ . Rursum quoniam omnis trianguli angulus exiranens, angulo

E V C L I D I S

angulo intra triangulum sibi opposito est maior: idcirco trianguli  $\gamma$  de, angulus  $\beta$  dy extra neus, angulo  $\gamma$  de interno sibi opposito est maior. Per eadem demonstrabitur, quod trianguli abs, angulus  $\gamma$  es: maior sit angulo Bay. Verum angulo  $\gamma$  es, maior est demonstratus angulus  $\beta$  dy. Ergo angulus  $\beta$  dy: multò est maior angulo Bay. (Conclusio.) Si igitur à finibus unius lateris trianguli cuiusvis, due rectæ lineæ intra triangulum, ad puncta eadē statuantur: erunt quidem ista due rectæ lineæ, reliquis duabus trianguli lateribus minores: verum maiorem angulū comprehendent. Id quod erat demonstrandum.

Propositiō vigesima secunda. Problema.

**E**x tribus lineis rectis: quæ sunt æquales tribus rectis lineis datis: triangulum constituere. Oportet vero quatuor duas reliqua esse maiores: propterea quod in omni triangulo quatuor duo latera, maiores sint reliquo.

Explicatio dati,) Sint tres lineæ rectæ datae  $\alpha, \beta, \gamma$ : & sine quatuor duæ maiores: quâm reli-

reliqua: scilicet  $\alpha$  &  $\beta$  maiores quam  $\gamma$ : &  $\alpha$ ,  
 $\alpha$ q,  $\gamma$ , maiores quam  $\beta$ : deniq,  $\beta$ , &  $\gamma$ , maio-  
res quam  $\alpha$ . Explicatio quae sit.) Aportet igi-  
tare ex tribus lineis rectis: que datis tribus,  $\alpha$ ,  
 $\beta$ ,  $\gamma$ , sunt aequales: triangulum componere.  
Delineatio.) Sumatur recta aliqua linea di-  
finita quidem ad punctum  $\delta$ : infinita verò ad  
punctum  $\epsilon$ , deinde fiat linea recta  $a$ : aequalis  
linea recta  $\delta\gamma$ . Item recta  $\beta$ : aequalis recta  $\gamma\eta$ .  
Præterea recta  $\gamma$ : aequalis recta  $\eta\theta$ . Ad bac  
centrum  $\zeta$ , interuerso  $\zeta\delta$ : describatur circulus  
 $\delta\eta\lambda$ . centro etiam  $\eta$ , interuerso  $\eta\theta$ : describa-  
tur circulus  $\eta\lambda\eta$ : secans circulum  $\delta\eta\lambda$ , in punc-  
to  $x$ . Denique ducantur lineæ rectæ  $\zeta x$ ,  $\eta x$ .  
Delineacionis factæ explicatio.) Dico quod ex  
lineis rectis tribus, que sunt aequales tribus re-  
ctis datis: compositus sit triangulus  $\alpha\gamma\eta$ . De-  
monstracio.) Quoniam punctum  $\zeta$ , centrum est  
circuli  $\delta\eta\lambda$ . idcirco recta  $\zeta\delta$ , aequalis est recta  
 $\zeta\eta$ : verum recta  $\zeta\delta$ , est aequalis recta  $a$ : itaq,  
 $\zeta x$  recta, aequalis est recta  $a$ . Item quoniam  
punctum  $\eta$ , est centrum circuli  $\eta\lambda\eta$ : idcirco re-  
cta  $\eta\theta$ , est aequalis recta  $\eta x$ . Verum  $\eta\theta$  aqua-  
lis est  $\gamma$  recta, ergo &  $\eta x$  recta, aequalis est re-  
cta  $\gamma$ .

## EVCLIDIS

Ge y. Verumq; etiam est equalis recte  $\beta$ .  
Tres igitur rectae  $x^2$ ,  $y^2$ ,  $z^2$ : tribus rectis  $\alpha$ ,  
 $\beta$ ,  $\gamma$ , sunt aequales. Conclusio.) Ex tribus igitur  
rectis  $x^2$ ,  $y^2$ ,  $z^2$ , quae sunt aequales tribus  
datis  $\gamma$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ , rectis: triangulus est factus  $x^2y^2z^2$ .  
Quod faciendum erat.

### Propositio vigesima tercia. Problemata.

**A**d datam lineam rectam: & datum  
in ea punctum: dato angulo res-  
tilineo: aequalem angulum re-  
stilineum statuere.

Explicatio dati.) Sic data linea recta  $a\beta$   
sit datum in ea punctum  $a$ : sit angulus recti-  
lineus datus  $\delta ye$ . Explicatio questi.) Ad li-  
neam rectam datam  $a\beta$ : & punctum in eada-  
tum  $a$ : statuendus est angulus rectilineus:  $a-$   
qualis angulo  $\delta ye$  rectilineo dato. Delinea-  
tio.) Sumantur in lineis rectis  $ye$ ,  $ye$ , puncta  
quaevis  $d$ ,  $e$ . Ducatur etiam linea recta  $de$ . Post-  
ea ex talibus lineis rectis que sunt aequales tri-  
bus rectis  $yd$ ,  $de$ ,  $ye$ . componatur triangulus  
 $ayd$ : sic ut linea  $yd$ , sit aequalis linea  $a\beta$ : & li-  
nea  $ye$ , linea  $an$ : item linea  $de$ ; aequalis linea  $z$ .

**¶ Demonstratio.)** Quoniam duo latera  $\delta\gamma$ ,  $\gamma\epsilon$ , duobus lateribus  $\gamma\alpha$ ,  $\alpha\gamma$ , sunt aequalia alterum alterius et basis de, aequalis sit basi  $\gamma\eta$ . Erigitur angulus  $\delta\gamma\epsilon$ : aequalis angulo  $\gamma\alpha\eta$ . **Conclusio.)** Ad datam igitur lineam rectam  $\alpha\beta$ : et ad punctum in ea datum  $\alpha$ : dato angulo rectilineo  $\delta\gamma\epsilon$ : constitutus est angulus rectilineus  $\gamma\alpha\eta$ . Id quod erat faciendum.

**Proposicio vigesima quarta. Theorema.**

**S**i fuerint trianguli unius, duo latera aequalia duobus lateribus alterius trianguli, alterius alterius: sed angulus unius maior angulo alterius, quem aequales rectae linea comprehendunt etiam basis basi maior erit.

**Explicatio dati.)** Sint duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\delta\epsilon\zeta$ : quorum duo latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\gamma$ , duobus lateribus  $\delta\epsilon$ ,  $\delta\zeta$  sint aequalia; alterum alterius: latus  $\alpha\beta$ , lateri  $\delta\epsilon$ : et latus  $\alpha\gamma$ , lateri  $\delta\zeta$ : sed angulus  $\beta\gamma$  sit maior angulo  $\epsilon\zeta$ . **Explicatio quesiti.)** Dico quod basis  $\beta\gamma$ , basis  $\zeta$  sit maior. **Delineatio.)** Quoniam angulus  $\beta\gamma$  maior est angulo  $\epsilon\zeta$ : statuatur ad lineam rectam  $\epsilon\delta$ :

E V C L I D I S

¶ ad punctum in ea d: angulus id est, equalis  
angulo  $\beta\gamma$ : & si ac alteratæ linearum  $\alpha\gamma$ ,  
 $\delta\zeta$ : equalis linea recta  $\delta\eta$ . & ducentur linea  
rectæ, q. Demonstratio.) Quoniam latus  
 $\alpha\beta$ , quale est lateri  $d\epsilon$ : & latus  $\alpha\gamma$ : quale  
est lateri  $d\eta$ : duo igitur latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\gamma$ , duobus  
lateribus id est,  $d\eta$  sunt aequalia; alterum alteri:  
& angulus  $\beta\alpha\gamma$ , equalis est angulo  $\epsilon\delta\eta$ . Ergo  
basis  $\beta\gamma$ , basi  $\epsilon\eta$  est aequalis. Item quoniam  
latus  $d\eta$ , est aequalis lateri  $\delta\zeta$ : etiam etiam an-  
gulus  $\delta\zeta\eta$ , aequalis angulo  $\epsilon\eta\zeta$ . ergo angulus  
 $\delta\zeta\eta$  maior est angulo  $\epsilon\eta\zeta$ . quare angulus  $\epsilon\eta\zeta$ ,  
longè maior est angulo  $\epsilon\eta\zeta$ . Cum etiam trian-  
gulus  $\epsilon\eta\zeta$ , habeat angulum  $\epsilon\eta\zeta$ , maiorem an-  
gulo  $\delta\zeta\eta$ : ac maiorem angulum maius latus  
subcedat, idcirco latus  $\epsilon\eta$ , maius est latere  $\delta\zeta$ .  
verum latus  $\epsilon\eta$ , aequalis est lateri  $\beta\gamma$ . ergo &  
 $\beta\gamma$  latus, maius est latere  $\delta\zeta$ . Conclusio.) Si er-  
go duo fuerint trianguli, habentes duo latera,  
duobus lateribus aequalia; alterum alteri: an-  
gulum vero angulo maiorem, qui aequalibus  
illis lateribus continetur: etiam basin basi ma-  
iorem habebunt. Id quod eras demonstrandum.  
Propo-

*Propositio vigesima quinta. Theorema.*

**S**i in trianguli unius, duo latera fuerint aequalia duobus lateribus trianguli alterius; sed basis unius fuerit maior basi alterius: erit etiam angulus unius maior angulo alterius, quem aequalis illae recte lineae comprehendunt.

*Explicatio dati.*) Sint duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\delta\epsilon\zeta$ : quorum duo latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\gamma$ , sint aequalia duobus lateribus  $\delta\epsilon$ ,  $\delta\zeta$ , alterum alteri: latus  $\alpha\beta$ , aequaliter  $\delta\epsilon$ : & latus  $\alpha\gamma$ , aequaliter  $\delta\zeta$ : sed basis  $\beta\gamma$ , sit maior basi  $\epsilon\zeta$ . *Explicatio quaestio.*) Dico quod angulus  $\beta\gamma$ , maior sit angulo  $\epsilon\zeta$ . *Demonstratio.*) Quod si enim non fuerit maior: aut erit ei aequalis: aut eo minor. sed angulus  $\beta\gamma$ , non est aequalis angulo  $\epsilon\zeta$ . nam & basis  $\beta\gamma$ , etiam esset aequalis basi  $\epsilon\zeta$ . Verum non est ei aequalis. quare nec angulus  $\beta\gamma$ , est aequalis angulo  $\epsilon\zeta$ : sic etiam non est eo minor: siquidem & basis  $\beta\gamma$ , basi  $\epsilon\zeta$  minor esset: quod tamen non est. quare nec angulus  $\beta\gamma$ , angulo  $\epsilon\zeta$  minor est. demonstratum vero antea fuit. quod ei non sit aequalis. Erat igitur angulus  $\beta\gamma$ , angulo  $\epsilon\zeta$  maior.

E V C L I D I S

Conclusio.) Si ergo fuerint trianguli unius duo latera æqualia duobus lateribus trianguli alterius, alterum alterius: sed basis unius maior basi alterius: erit etiæ angulus unius, maior angulo alterius, quem æquales rectæ lineæ comprehendunt. Id quod erat demonstrandum.

Propositio vigesima sexta. Theorema.

**Q**uorum triangulorum duo anguli unius, fuerint æquales duobus angulis alterius: alter alterius: & latus unum, æquale unius siue illud appositum sit æqualebus illis angulis: siue subtendat, unum ex æqualebus illis angulis: illorum cum reliqua latera inter se erunt æqualia, alterum alterius etiam reliquias angulas reliquo angulo erit æqualis.

Prima explicatio dati.) Si in triangu-  
li  $\alpha\beta\gamma$ , dicitur, quoram duo anguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\alpha$  sint æquales duobus angulis  $\delta\epsilon\gamma$ ,  $\epsilon\gamma\delta$ , alter alterius: angulus  $\alpha\beta\gamma$ , æqualis angulo  $\delta\epsilon\gamma$ : & angulus  $\beta\gamma\alpha$ , angulo  $\epsilon\gamma\delta$ : habent etiam unum latus unius alterius æquale, & primo loco, inde quod posse est ad æquales illos angulos, la-

sus  $\beta_y$ , lateri  $\epsilon\zeta$ . Prima explicatio quas fit.) Dico quod & reliqua latera reliquis lateribus habebunt aequalia, alterū alteri: latus  $\alpha\beta$ , lateri  $\delta\epsilon$ : et latus  $\alpha\gamma$ , aequale lateri  $\delta\zeta$ : et reliquū angulū reliquo angulo aequalē, nempe angulū  $\beta\gamma$ , aequalē angulo  $\epsilon\zeta$ . Prima delineatio.) Si enim  $\alpha\beta$ , latus, inaequale fuerit lateri  $\delta\epsilon$ : unum ex ipsis sit maius. sic igitur latus  $\alpha\beta$ , maius. & si sit recta  $\delta\epsilon$ , aequalis recta  $\beta\gamma$ : & duca tur rectam. Prima demonstratio.) Cum itaq; latus  $\beta\gamma$ , sit aequale lateri  $\delta\epsilon$ , & latus  $\beta\gamma$  aequale lateri  $\epsilon\zeta$ . duo igitur latera  $\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma$ : duobus lateribus  $\delta\epsilon$ ,  $\epsilon\zeta$ , sunt aequalia alterum alteri: & angulus  $\eta\beta\gamma$ , angulo  $\delta\epsilon\zeta$  aequalis: ergo basis  $\eta\gamma$ , basi  $\delta\zeta$  est aequalis, & triangulus  $\alpha\gamma\beta$ , triangulo  $\delta\epsilon\zeta$  est aequalis, & reliqui anguli, reliquis angulis sunt aequales, alter alteri, quos aequalia illa latera subcondunt angulus  $\eta\gamma\beta$ , aequalis angulo  $\delta\epsilon\zeta$ , sed angulus  $\delta\zeta\epsilon$ , proponitur aequalis angulo  $\beta\gamma\alpha$ . erit igitur angulus  $\beta\gamma\eta$ , etiam aequalis angulo  $\beta\gamma\alpha$ , minor maiori, quod fieri nequit. Conclusio prima.) Ergo latus  $\alpha\beta$ , non est inaequale, lateri  $\delta\epsilon$ , ergo ex eius aequale, verum latus  $\beta\gamma$ .

## EUCOLIDIS

etiam est aquale lateri  $\angle$ : duo igitur latera  
 $\angle\beta, \angle\delta$ : duobus lateribus  $\delta, \angle\gamma$ , sunt aequalia  
aliorum alteri: et angulus  $\alpha\gamma$ , angulo  $\delta\gamma$   
aqualis, basis itaq  $\alpha\gamma$ , basi  $\delta\gamma$  erit aqualis, et  
reliquis angulis  $\beta\gamma$ , reliquo angulo  $\epsilon\delta$  a-  
qualis. Secunda explicatio dati.) Verum ite-  
rum statuantur latera aequales angulos sub-  
tendencia aequalia, ut  $\angle\beta$  latero, aquale lateri  
 $\delta$ . Secunda explicatio quasitio.) Dico quod  
etiam reliqua latera, reliquis lateribus sine ex-  
qualia, laterus  $\alpha\gamma$ , aquale lateri  $\delta\gamma$ : et laetus  
 $\beta\gamma$ , aquale lateri  $\epsilon\delta$ : domiq reliquus angulus  
 $\beta\gamma$ , reliquo angulo  $\epsilon\delta$  aequalis. Secunda de-  
lineatio.) Si enim laetus  $\beta\gamma$ , non fuerit aequalis  
lateri  $\delta\gamma$ : sed aliorum ex eis fuerit maius. sic  
laetus  $\beta\gamma$ , si poterit fieri, maius latero  $\epsilon\delta$ : et  
fiat lateri  $\epsilon\delta$  aquale laetus  $\beta\gamma$ : et ducatur re-  
cte  $\epsilon\delta$ . Secunda demonstratio.) Quoniam la-  
etus  $\beta\theta$ , aquale est lateri  $\epsilon\delta$ , et in eis  $\alpha\beta$ , aqua-  
le lateri  $\epsilon\delta$ : duo itaq latera  $\alpha\beta, \beta\theta$ : duobus la-  
teribus  $\delta\epsilon, \delta\beta$ , sunt aequalia aliorum alteri: et  
angulos comprehendunt aequales: basi igitur  
 $\alpha\beta$ , est aequalis basi  $\delta\epsilon$ : et triangulus  $\alpha\beta\theta$ , tri-  
angulo  $\delta\epsilon\beta$  est aequalis: et reliqui anguli, reli-  
quis

quis angulis sunt aequales alter alteri, quos aequalia illa latera subtendunt: angulus  $\hat{C}\delta\alpha$ , aequalis angulo  $\hat{e}\hat{d}\beta$ . Verum angulus  $\hat{e}\hat{d}\beta$ , est aequalis angulo  $\hat{B}\gamma\alpha$ . ergo angulus  $\hat{B}\theta\alpha$ , est aequalis angulo  $\hat{B}\gamma\alpha$ . Trianguli igitur  $\alpha\beta\gamma$ , angulus  $\hat{B}\theta\alpha$  externus: angulo  $\hat{B}\gamma\alpha$  interno sibi oppositus est aequalis. quod fieri nequit. Quare latus  $\hat{B}\gamma$ : non est inaequale latere  $\hat{e}\hat{d}$ . erit igitur ei aequale. sed etiam  $\hat{a}\beta$  latus, est aequale latere  $\hat{d}\epsilon$ : duo igitur latera  $\hat{a}\beta$ ,  $\hat{B}\gamma$ : sunt aequalia duobus lateribus  $\hat{d}\epsilon$ ,  $\hat{e}\hat{d}$  alterum alteri: & angulos comprehendunt aequales. basis igitur  $\alpha\gamma$ , basi  $\hat{d}\hat{e}$  est aequalis: & triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , est aequalis triangulo  $\hat{d}\hat{e}\hat{c}$ : & reliquo angulo  $\hat{e}\hat{d}\beta$  est aequalis. Conclusio.) Quorum ergo triangulorum duo anguli unius, fuerint aequales duobus angulis alterius, alter alteri: & latus unum unius lateri aequale: siue illud appositum sit aequalibus illis angulis: siue subredat unum ex aequalibus illis angulis. illorum cum reliqua latera interfuerint aequalia, alterum alteri: tum etiam reliquis angulis, reliquo angulo erit aequalis. Id quod erat demonstrandum.

**PARS ALTERA HV-**  
ius primi elementi.

**Propositio vigesima septima. Theorema.**

**S**i in duas lineas rectas, recta incideat in linea, angulos alternos aequales inter se fecerit: quedistantes inter se erunt recte illae duas lineae.

*Explicatio dati.)* In lineas duas rectas ab, cd: incidente linea recta e: angulos alternos  $\angle b$ ,  $\angle d$ : aequales in se feciat. *Explicatio quesiti.)* Dico quod recta ab, recta cd, aequaliter sint. *Hypothesis.)* Si enim non aequidistantem protracta linea recta ab, et cd: concurratur, vel ex partibus b, et d: vel ex partibus a, et c.

*Delineatio.)* Protrahantur ex concurram ex partibus b, et d: in punto n. *Demonstratio.)* Trianguli (sic ut ne  $\angle$  angulus exterior, angulo  $\angle b$  interioro opposto est maior: verum est si ex parte ab, et cd: aequalia, quod fieri non potest, quadrilatero ab, cd, si protrahantur non concurrant ex partibus b, et d, similiter demonstrabitur: quod ne ex partibus a, et c, con-

currant recte vero, quae eis neutra parte concurrunt, si procerabantur: sive inter se aequaliter stantes. quare recta ab, aequaliter distat recta yd. Conclusio.) Si igitur in duas lineas rectas, recta incidat linea: ac faciat angulos alternos inter se aequales: recte iste linea inter se sunt aequaliter distantes. Id quod erat demonstrandum.

*Propositio vigesima octava. Theorema.*

**S**i linea recta, in duas rectas incidens lineas: extraneum angulum, interno cui opponitur ex eadem parte fecerit aequalem: vel si duos internos, ex eadem parte: fecerit aequales duobus angulis rectis: aequaliter distantes inter se erit, duas illae lineae rectae.

*Explicatio dati.)* In linea duas rectas ab, incidat linea recta e $\zeta$ : angulum extraneum en $\beta$ , interno opposito ex eadem parte angulo n $\gamma$ d: faciat aequalem: & faciat duos angulos internos, ex eadem parte Bn $\theta$ , n $\theta$ d: aequales duobus angulis rectis. (Explicatio quesitionis.) Dico quod recta ab, aequaliter distat rectae yd. Demonstratio. (Cum enim angulus en $\beta$ , sic es qualis

EUCLEDIS

qualis angulo  $\alpha\beta\gamma$ : idcirco angulas  $\alpha\beta\gamma$ , etiam  
est aequali angulo  $\eta\theta\delta$ . & sunt anguli alter-  
ni. quare recta  $\alpha\beta$ , recta  $\gamma\delta$ , est aequidistans.  
Rursus, quoniem anguli  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$ , duobus re-  
ctis sunt aequales: & duo anguli  $\alpha\beta$ ,  $\beta\eta\theta$ , etiam  
sunt duobus angulis  $\gamma\theta\delta$ ,  $\eta\theta\delta$  aequales. com-  
muniis auferatur angulus  $\beta\eta\theta$ , reliquis igitur  
angulis  $\alpha\beta\gamma$ : reliquo angulo  $\eta\theta\delta$ , est equalis,  
& sunt anguli alterni. ergo recta  $\alpha\beta$ , aequidi-  
stant recta  $\gamma\delta$ . Cœluso.) Si igitur linea recta,  
in duas rectas incidentes lineas, ex extremum an-  
gulum interno cui oppositur, ex eadem parre-  
ficerit aequalem; vel si duos angulos internos,  
ex eadem parte, fecerit aequales duobus angu-  
lis rectis: aequidistantes inter se erunt, duc il-  
le linea recta. Id quod erat demonstrandum.

Proposicio vigesima nona. Theorema.

**L**inea recta, in duas rectas aequidi-  
stantes lineas incidentes: facit angu-  
los alternos inter se aequales: & an-  
gulum extreamum, interno opposito ex  
eadem parte facit aequalcm: item duos  
angu-

angulos internos, ex eadem parte facit  
æquales duobus rectis.

Explicatio dati.) Sunt duae linea rectæ ex  
quæ distantes ab, yd: & in eas incidat linea  
recta u. Explicatio quaestri.) Dico quod fa-  
ciat angulos ab, yd: qui sunt alterni, inter-  
ter se æquales: & angulum externum en. an-  
gulo interno opposito ex eadem parte yd, a-  
qualem: & angulos internos ex eadem parte  
positos. En. yd: duabus rectis æquales. Do-  
monstratio cum hypothesi.) Si enim angulus  
ab, non est æqualis angulo yd: alter illorum  
erit maior. sit angulus ab maior. Quoniam  
angulus ab, maior est angulo yd: communis  
addatur angulus Bn. ergo anguli ab, Bn,  
sunt maiores angulis Bn, yd. Verum angu-  
li ab, Bn: duabus rectis sunt æquales. ergo  
anguli Bn, yd: duabus rectis sunt minores  
linea vero recta, à duabus angulis, qui sunt  
minores duabus angulis rectis: in infinitum  
psq; ducta: concurrunt. quare recta ab, yd in  
infinitum productæ concurrent. sed quia ex  
quæ distantes proponuntur esse: nō concurrunt:  
siccirco angulus ab, non est inæqualis angulo  
yd.

## E VI CL ID IS

ad, erit igitur tri angularis. Verum angularis  $\alpha\beta\gamma$ : angulo  $\alpha\beta\gamma$  est angularis: ideo etiam angularis  $\alpha\beta\gamma$  est angularis angulari  $\eta\theta\delta$ . communis addatur angularis  $\zeta\eta\theta$ : ergo angulari  $\alpha\beta\gamma\zeta\eta\theta$  angularis  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$  sunt aequales. verum angulari  $\alpha\beta\gamma\beta\eta\theta$ ,  $\beta\eta\theta$  duo bus rectis sunt aequales. idcirco et angulari  $\beta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\delta$ : duobus rectis aequales erant. Conclusio.) Linea igitur recta, in duas aequidistantes lineas rectas incidentes facie alternos angularos, inter se aequales: et angularum extitnum, interno opposito ex eadem parte facit aequalem: item duos angularos internos, ex eadem parte, facit aequales duobus rectis. Id quod erat demonstrandum.

### Proposicio trigesima. Theorema.

**Q**uia eidem linea recta aequidistant: illae etiam inter se aequidistant.

Explicatio dati.) Sic linea recta  $\epsilon\beta$ , cui aequidistant rectae linea  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$ . Explicatio quaesita.) Dico quod recta  $\alpha\beta$ , etiam aequidistant recta  $\gamma\delta$ . Delineatio.) Incidat in predictas lineas: recta quedam linea  $\eta\kappa$ . Demonstratio.)

Quoniam

Quoniam in duas aequidistantes rectas  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$   
incidit recta  $\eta\theta$ : idcirco angulus  $\alpha\eta\theta$ : est aequa-  
lis angulo  $\eta\theta\gamma$ . Præterea quoniam in duas re-  
ctas aequidistantes  $\alpha\beta$ ,  $\gamma\delta$  recta incidet  $\eta\theta$ : an-  
gulus  $\eta\theta\gamma$ , erit aequalis angulo  $\eta\theta\delta$ . demonstra-  
sum vero est, quod angulus  $\alpha\eta\theta$ : angulo  $\eta\theta\delta$   
est aequalis. quare & angulus  $\alpha\eta\theta$ : angulo  $\eta\theta\gamma$   
est aequalis, & sunt anguli aleurni. Quare re-  
cta  $\alpha\beta$ , aequidistant recta  $\gamma\delta$ . Conclusio.) Quia  
igitur recta eidem linea recta aequidistant: il-  
la etiam inter se aequidistant. Id quod erat  
demonstrandum.

Propositio trigesima prima. Problema.

**A**PUNCTO DATO: DATAE LINEAE RECTAE:  
rectam lineam aequidistantem  
ducere.

Explicatio dati.) Sit datum punctum  $\alpha$ :  
& data linea recta  $\beta\gamma$ : Explicatio quesiti.)  
**A**d dato punto  $\alpha$ : ducenda est linea recta,  
aequidistant linea recte datae,  $\beta\gamma$ . Delinac.  
io.) Sumatur in linea recta  $\beta\gamma$ : punctum quodvis.  
 $\delta$ : & ducatur linea recta  $\alpha\delta$ : ad: linea rectam  
 $\alpha\delta$ : & punctum in ea: angulo rectilinceo  $\alpha\delta\gamma$   
aqua-

## E V C L I D I S

equalis statuerit angulus rectilineus d $\alpha$ : &  
ducatur linea a $\beta$ , it $\omega$  cōtraria, linea ea. De-  
monstratio.) Quoniam in duas lineas rectas  
 $\beta y$ , e $\gamma$ : incidentes linea recta ad: angulos alter-  
nos ead, ad  $\beta y$ , aquales iner se fecit. idcirco re-  
sta e $\gamma$ , aequidistant recta  $\beta y$ . (Conclusio.) A  
puncto igitur dato  $\alpha$ : data linea recta  $\beta y$  adu-  
cta est linea recta e $\gamma$  aequidistantis. Id quod fa-  
ciendum erat.

### Propositiō trigēsimā secundā.

#### Theorema.

**O**MNIS trianguli, uno ē lateribus  
protracto: exterior angulus, duo  
bus angulis interioribus quibus  
opponitur, est equalis: & trianguli tres  
interiores anguli: duobus rectis sunt  
aequales.

Explicatio dati.) Si triangulus a $\beta y$ : &  
protrahatur latus eius  $\beta y$ , ad punctum d. Ex-  
plicatio quesiti.) Dico quod angulus a $\beta d$ : est  
equalis duobus angulis y $a\beta$ , a $\beta y$ , interiori-  
bus quibus opponitur: & quod anguli tres in-  
teriores a $\beta y$ ,  $\beta ya$ , y $a\beta$ : sint aequales duobus  
angulis

angulis rectis. Delineatio.) Ducatur  $\delta$  puncto  $y$ : linea recta  $a\beta$ : aquedistans linea recta  $ye$ . Demonstratio.) Quoniam recta  $a\beta$ , aquedistat recta  $ye$ : & in eas incidit recta  $ay$ . Idcirco alterni anguli  $\beta ay$ ,  $aye$ : sunt inter se aquales. Item cum recta  $a\beta$ , aquedistet recta  $ye$ : & in eas incidit recta  $\delta$ : angulus  $ay\delta$  externus, est equalis angulo  $a\beta y$  interno opposto. sed demonstratum est angulum  $aey$ : angulis  $\beta ay$ ,  $a\beta y$  esse aequalē. totus igitur angulus  $ay\delta$  externus, duobus angulis interioribus oppositis  $\beta ay$ ,  $a\beta y$  est equalis. Comunis addatur angulus  $ay\beta$ . anguli igitur  $ay\delta$ ,  $ay\beta$ : tribus angulis  $a\beta y$ ,  $\beta ya$ ,  $ya\beta$  sunt aequales. sed duo anguli  $ay\delta$ ,  $ay\beta$  sunt duobus rectis aequales. quare tres anguli  $ay\beta$ ,  $y\beta a$ ,  $ya\beta$ , duobus rectis etunc aequales. Conclusio.) Omnis igitur trianguli, uno e lateribus protracto: exterior angulus, duobus angulis interioribus, quibus opponitur, est equalis: & trianguli, tres interiores anguli: duobus rectis sunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

## EVCLIDIS

Propositio erigesima tertia. Theorema.

**L**ineæ rectæ, quæ æquales, & æquedistantes inter se lineas rectas ex eadem parte coniungunt: etiam ipseæ æquales, & æquedistantes inter se sunt.

Explicatio dati.) Sint lineæ rectæ  $a\beta$ ,  $y\delta$ , æquales, & æquedistantes: easqe ex eadem parte coniungant due rectæ,  $ay$ ,  $\beta\delta$ . Explicatio quæstici.) Dico quod rectæ  $ay$ ,  $\beta\delta$ , æquales, & æquedistantes sint. Delineatio.) Ducatur linea recta  $\beta y$ . Demonstratio.) Quoniam recta  $a\beta$ , æquedistat rectæ  $y\delta$ : & in eas incidit recta  $\beta y$ : idcirco anguli  $a\beta y$ ,  $\beta y\delta$  alterni: sunt inter se æquales. Et cum recta  $a\beta$ : sit æqualis rectæ  $y\delta$ : communis verò  $\beta y$ : duo igitur latera  $a\beta$ ,  $\beta y$ , duobus lateribus  $\beta y$ ,  $y\delta$  sunt æqua- lia: & angulus  $a\beta y$ , angulo  $\beta y\delta$  est æqua- lis. basis igitur  $ay$ , basi  $\beta\delta$  est æqualis: & tri- angulus  $a\beta y$ , triangulo  $\beta y\delta$  est æqualis: & reliqui anguli, reliquis angulis sunt æquales alter alteri, quos æqualia illa latera subcen- dunt. angulus igitur  $ay\beta$ , angulo  $y\beta\delta$  est æqualis, & angulus  $\beta ay$ , angulo  $y\delta\beta$ . & quo- niam

niam in duas rectas  $ay, \beta\delta$ , recta incides  $\beta\gamma$ : angulos alternos  $a\beta\gamma, \gamma\beta\delta$ , aequales inter se fecit. idcirco recta  $ay$ , aequedistat rectæ  $\beta\delta$ . Verum demonstrata fuit ei esse aequalis. Conclusio.) Lineæ igitur rectæ, que aequales, & aequidistantes inter se lineas rectas, ex eadem parte coniungunt: etiam ipsa aequales, & aequidistantes inter se sunt. Id quod erat demonstrandum.

### Propositio trigesima quarta. Theorema.

**A**rea, que aequidistantibus lineis rectis continentur; habent latera opposita, & angulos oppositos inter se aequales; & dimetiens ipsas medianas secat.

Explicatio dati.) Sit figura aequidistantibus lineis rectis contenta  $ay\delta\beta$ : dimetiens eius linea  $\beta\gamma$ . Explicatio quaesiti.) Dico quod area  $a\beta\gamma\delta$ , latus  $a\beta$ : sit aequale lateri  $\gamma\delta$ : item latus  $ay$ , aequale lateri  $\beta\delta$ . Præterea dimetiens  $\beta\gamma$ , ipsam figuram secet in duas partes aequales. Demonstratio.) Quoniam recta  $a\beta$ , aequedistat rectæ  $\gamma\delta$ ; & in eas inci-

## EUCOLIDIS

di recta  $\beta\gamma$ : anguli alterni  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\delta$  sunt inter se aequales. Item quoniam recta  $\alpha\gamma$ , et quod distat recta  $\beta\delta$ : & in eas incidit recta  $\beta\gamma\delta$ : anguli igitur alterni inter se sunt aequales. Quare cum duo trianguli  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\gamma\beta\delta$ : duos angulos  $\alpha\beta\gamma$ ,  $\beta\gamma\delta$ : habeant duobus angulis  $\gamma\beta\delta$   $\beta\gamma\delta$ , aequales, alterum alteri: & unum latus, vni lateri aequale: nempe latus  $\beta\gamma$ , commune: quod ad angulos aequales est positum. idcirco reliqua latera, reliquis lateribus habent aequalia, alterum alteri: & reliquum angulum reliquo angulo aequalem. latus  $\alpha\beta$ , aequale lateri  $\gamma\delta$ : & latus  $\alpha\gamma$ , aequale lateri  $\beta\delta$ : & angulum  $\beta\alpha\gamma$ , angulo  $\beta\delta\gamma$ , aequalem. Quia vero angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angulo  $\beta\gamma\delta$  est aequalis: & angulus  $\gamma\beta\delta$ , angulo  $\alpha\gamma\beta$  etiam aequalis. Tonus igitur angulus  $\alpha\beta\delta$ , toti angulo  $\alpha\gamma\delta$  est aequalis. Verum & angulus  $\beta\alpha\gamma$ , demonstratus est aequalis angulo  $\beta\delta\gamma$ . Cœclusio.) Area igitur, quæ aequidistantibus lineis rectis continentur: habent latera opposita aequalia, & angulos oppositos inter se aequales. Secunda explicatio quæstii.) Dico quod diameter fecet eas in duas partes aequales. Demonstratio secunda.)

Quoni-

Quoniam latus  $\alpha\beta$ , est aequale lateri  $\gamma\delta$ : & la-  
tus  $\beta\gamma$  cōmune. duo igitur latera  $\alpha\beta$ ,  $\beta\gamma$ : duo  
bus lateribus  $\gamma\delta$ ,  $\beta\gamma$  sunt aequalia alterū alte-  
ri: & angulus  $\alpha\beta\gamma$ , angulo  $\beta\gamma\delta$  est aequalis.  
ergo basis  $\alpha\gamma$ , basi  $\delta\beta$  est aequalis: & triangu-  
lus  $\alpha\beta\gamma$ , triangulo  $\beta\gamma\delta$  etiam aequalis. (con-  
clusio.) Ergo diameter  $\beta\gamma$ , figuram  $\alpha\beta\gamma\delta$ : se-  
cat in duas partes aequales. Id quod demon-  
strandum erat.

### TERTIA HVIVS ELE- menti pars.

*Proposicio trigesima quinta. Theorema.*

**Q**uae parallelogramma, eandem  
habent basin: & in eisdem aequa-  
distantibus sunt lineis rectis: illa  
sunt aequalia inter se.

*Explicatio dati.) Sine parallelogramma  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ ,  $\epsilon\beta\gamma\zeta$ : in eadem basi  $\beta\gamma$ : & eisdem li-  
neis rectis aequidistantibus  $\alpha\gamma$ ,  $\beta\gamma$ . Explica-  
cio quaesiti.) Dico quod parallelogrammon  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ : sit aequale parallelogrammo  $\epsilon\beta\gamma\zeta$ . De-*

D. 27

## EVCLIDIS

monstratio.) Quoniam  $\alpha\beta\gamma\delta$  figura: est parallelogrammon. idcirco latus  $\beta\gamma$ , est aequali lateri  $\alpha\delta$ . Per eadem demonstrabitur quoque latus  $\epsilon\zeta$ : aequali lateri  $\beta\gamma$ . quare et latus  $\alpha\delta$ , est aequali lateri  $\epsilon\zeta$ . communis. verò est recta de. eorum igitur latus  $\alpha\beta$ : roti lateri  $\delta\epsilon$  est aequali. Verum latus  $\alpha\beta$ : est etiam aequali lateri  $\beta\gamma$ . duo itaque latera  $\alpha\beta$ ,  $\alpha\beta$ : duobus lateribus  $\beta\delta$ ,  $\delta\gamma$  sunt aequalia alterum alterius et angulus  $\beta\delta\gamma$ , equalis angulo  $\alpha\beta\epsilon$ , externus interno. basis igitur  $\alpha\beta$ , basis  $\beta\gamma$  est aequalis: et triangulus  $\alpha\beta\epsilon$ , triangulo  $\beta\delta\gamma$  aequalis. communis auferatur triangulus  $\delta\epsilon\gamma$ . quare reliquum trapezion  $\alpha\beta\gamma\delta$ , reliquo trapezio  $\epsilon\gamma\zeta$  est aequali. Communis addatur triangulus  $\eta\beta\gamma$ . eorum igitur parallelogrammon  $\alpha\beta\gamma\delta$ , est aequali roti parallelogrammo  $\epsilon\gamma\zeta$ . Conclusio.) Quae igitur parallelogramma eandem habent basin: et in eisdem aequidistantibus sunt lineis rectis: illa sunt inter se aequalia. Id quod erat demonstrandum.

**Propositio 36. Theorema.**  
**Q**uæ parallelogramma, aequalia  
habent.

habent bases; & sunt in eisdem aequali-  
stantibus lineis rectis; illa sunt aequalia  
inter se.

*Explicatio dati.)* Sine parallelogramma  
 $a\beta\gamma\delta$ ,  $\epsilon\zeta\eta\theta$ : habentia bases  $\beta\gamma$ ,  $\zeta\eta$  aequales;  
& sunt inter easdem aequidistantes rectas li-  
neas  $ab$ ;  $\beta\eta$ . *Explicatio quaestio.)* Dico quod  
parallelogrammon  $a\beta\gamma\delta$ , sit aequalis parallelo-  
grammo  $\epsilon\zeta\eta\theta$ . *Delineatio.)* Ducantur li-  
neæ rectæ  $\beta\epsilon$ ,  $\gamma\theta$ . *Demonstratio.)* Quoniam  
recta  $\beta\gamma$ , aequalis est rectæ  $\zeta\eta$ : &  $\zeta\eta$  est aqua-  
lis rectæ  $\epsilon\theta$ . idcirco &  $\beta\gamma$ , est aequalis rectæ  
 $\epsilon\theta$ . verum sunt lineæ rectæ aequidistantes, eas  
que coniungunt rectæ  $\gamma\epsilon$ ,  $\eta\theta$ : rectæ vero qua-  
aequales, & aequidistantes rectas ex eadē par-  
te coniungunt: & ipsæ aequalis, & aequidi-  
stantes sunt. quare rectæ  $\epsilon\beta$ ,  $\eta\theta$  aequalis & aequidi-  
stantes sunt: acq. figura  $a\beta\gamma\delta$  est parallelo-  
gramon, & est aequalis parallelogrammo  $a\beta\gamma\delta$ ,  
quia cum eo eandē habeat basim  $\beta\gamma$ : & in eisdō  
est aequidistantibus rectis  $\beta\gamma$ ,  $ab$ . Similiter  
demonstrabimus quod  $\epsilon\zeta\eta\theta$  eidem parallelo-  
grammo  $a\beta\gamma\delta$  sit aequalis. quare parallelogram-  
mon  $a\beta\gamma\delta$ , parallelogrammo  $\epsilon\zeta\eta\theta$  est aequalis.

## EVCLIDIS.

*Conclusio.) Quae igitur parallelogramma, a-  
quales habent bases: & sunt in eisdem aequidi-  
stantibus lineis rectis: illa sunt aequalia inter  
se. Id quod erat demonstrandum.*

*Proposicio trigesima septima. Theorema.*

**Q**uod trianguli, eandem habent ba-  
sis: & sunt in eisdem aequidistan-  
tibus lineis rectis: illi sunt inter  
se aequales.

*Explicatio dati.) Sint duo trianguli  $a\beta\gamma$ ,  
 $\delta\gamma\beta$ , super eadem basi  $\beta\gamma$ : & in eisdem aequi-  
distantibus lineis rectis  $a\delta$ ,  $\beta\gamma$ . Explicatio  
quaesiti.) Dico quod triangulus  $a\beta\gamma$ : sic aequa-  
lis triangulo  $\delta\gamma\beta$ . Delineatio.) Produciur  
linea recta  $a\delta$ , in veramq; partem ad puncta  
 $a$ , &  $\delta$ : & ex punto  $\beta$ , ducatur linea recta  $\beta\epsilon$ ,  
aequidistantis linea recte  $a\gamma$ . praecepsa ex pun-  
cto  $\gamma$ , ducatur recta  $\gamma\zeta$ , aequidistantis recte  $\delta$ .*

*Demonstratio.) Utraq; igitur figura  $a\beta\gamma$ , &  
 $\delta\beta\gamma\zeta$  est parallelogrammon. Et parallelo-  
grammon  $a\beta\gamma$ , est aequale parallelogrammo  
 $\delta\beta\gamma\zeta$ . quia super eadem basi  $\beta\gamma$  est: & inter  
eisdem aequidistantes lineas rectas  $\beta\gamma$ ,  $\epsilon\zeta$ : &  
paralle-*

parallelogrammi  $\epsilon\beta\gamma$  a dimidium est, triangulus  $a\beta\gamma$ . nam diameter  $a\beta$  ipsum per medium secat. parallelogrammi verò  $\delta\beta\gamma$ ,  $\gamma\zeta$ , dimidium est triangulus  $\delta\beta\gamma$ . nam diameter  $\delta\gamma$  ipsum per medium secat. Quæ verò et qualia sunt dimidia: illa inter se sunt aequalia. triangulus igitur  $a\beta\gamma$ , triangulo  $\delta\beta\gamma$  est aequalis. Conclusio.) Qui igitur trianguli, sunt super eadem basi: & inter easdem lineas rectas aequalibet distantes illi inter se sunt aequales. Id quod erat demonstrandum.

*Propositio trigesima octava. Theorema.*

**Q**ui trianguli, aequales habent bases: & sunt in eisdem aequalibus distantes lineis rectis: illi inter se sunt aequales.

*Explicatio dati.*) Sint trianguli  $a\beta\gamma$ ,  $\delta\epsilon\zeta$ : super basibus aequalibus  $\gamma\beta$ ,  $\epsilon\zeta$ : in eisdem aequalibus distantes lineis rectis ad,  $\beta\zeta$ . *Explicatio quesiti.*) Dico quod triangulus  $a\beta\gamma$ , sit aequalis triangulo  $\delta\epsilon\zeta$ . *Delineatio.*) Produatur linea recta ad, in viramq; partem ad puncta  $\gamma$ ,  $\epsilon$ . Ex punto  $\beta$ , ducatur linea recta

D v

E V C L I D E S

Bn, aequidistantis linea recta ay. Item ex pun-  
to  $\delta$ , ducatur linea recta  $\gamma\delta$ , aequidistantis li-  
nea rectae  $\delta e$ . Demonstratio.) Veraque igi-  
ur figura  $\eta\zeta\gamma\alpha$ , de  $\gamma\delta$  est parallelogramm.  
Et parallelogramm  $\eta\zeta\gamma\alpha$ , est aequali pa-  
rallelogrammo  $\alpha\beta\gamma\delta$ , quia super basibus  $\beta\gamma$ ,  
 $\zeta\delta$ , aequalibus: et in eisdem lineis rectis aequi-  
distantibus  $\beta\gamma$ ,  $\zeta\delta$  sunt. praeceps parallelo-  
grammi  $\alpha\beta\gamma\delta$  dimidij: est triangulus  $\alpha\beta\gamma$ ,  
quoniam diameter  $\alpha\beta$ , ipsum secat per medi-  
um. Et parallelogrammi  $\alpha\beta\gamma\delta$  dimidium, est  
 $\zeta\delta$  triangulus. quia diameter  $\zeta\delta$ , ipsum secat  
medium. Quae verò aequalium sunt dimidia:  
illa in se sunt aequalia. quare triangulus  
 $\alpha\beta\gamma$ , trianguli  $\alpha\beta\gamma\delta$  est aequalis. Conclusio.)  
Qui igitur trianguli, super basibus fuerint a-  
equalibus: et in eisdem lineis aequidistantibus:  
illi in se sunt aequales. Id quod erat demon-  
strandum.

Proposicio trigesima nona. Theorema.

Trianguli aequales, eandē haben-  
tes basim: & ex eadem parte, &  
in eisdem aequidistantibus rectis  
sunt.

Explicatio dati.) Sime trianguli  $\alpha\beta\gamma$ .  $\delta\beta\gamma$   
super eadem basi  $\beta\gamma$ . Explicatio quæstui.) Di-  
co quod etiam in eisdem suis latus rectis & que  
distanciis. Delineatio.) Ducatur linea recta  
ad. Explicatio delineacionis.) Dico quod re-  
cta ad. equidistet rectæ  $\beta\gamma$ . Hypothese.) Si  
enim ei non equidistat: ducatur per punctum  
a. recta linea  $\beta\gamma$ , equidistantis recta ad ex du-  
catur linea recta  $\beta\gamma$ . Demonstratio.) Trian-  
gulus igitur  $\alpha\beta\gamma$ , est aequalis triangulo  $\alpha\beta\gamma$   
qui super eadem basi  $\beta\gamma$  est ut in eisdem lata  
rectis aequidistantibus  $\beta\gamma$ , ac. verum trian-  
gulus  $\alpha\beta\gamma$ : est aequalis triangulo  $\delta\beta\gamma$ : idcir-  
co & triangulus  $\delta\beta\gamma$ , triangulo  $\alpha\beta\gamma$  est aequa-  
lis. maior minori. quod fieri nequit. Quare re-  
cta ad. non equidistat rectæ  $\beta\gamma$ . Simili racio-  
ne demonstrabimus, quod nulla alia prater-  
quam ad recta, aequidistet rectæ  $\beta\gamma$ . recta in-  
gitur ad, rectæ  $\beta\gamma$  aequidistat. Conclusio.) Tri-  
anguli igitur aequales: eandem habentes ba-  
sin: in eisdem sunt aequidistantibus rectis. Id  
quod erat demonstrandum.

Prope-

E V C L I D I S

Proposito quadraginta. Theorema.

**T**rianguli æquales: super æqualibus  
bus constituti basibus: sunt in eis-  
dem lineis rectis æquedistantibus.

Explicatio dati.) Sine trianguli æquales,  
 $\alpha\beta\gamma$ ,  $\gamma\delta\epsilon$ : super basibus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\delta$  æqualibus.

Explicatio quesiti. Dico quod in eisdem sint  
æquedistantibus lineis rectis. Delineatio.) Du-

catur recta ad. Explicatio delineationis.) Di-

co quod ad æquedistet recta  $\zeta\epsilon$ . Hypothesis.)

Si enim ei non æquedistat, ducatur per punctum

$\alpha$  recta  $\beta\epsilon$ , æquedistantis recta  $\zeta\alpha$ : & ducatur

recta  $\zeta\epsilon$ . Demonstratio.) Triangulus igitur

$\alpha\beta\gamma$ : est æqualis triangulo  $\zeta\gamma\epsilon$ . quia sunt con-

stituti super basibus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\zeta$  æqualibus: & in

eisdem lineis rectis æquedistantibus  $\beta\epsilon$ ,  $\alpha\zeta$ . sed triangulus  $\alpha\beta\gamma$ , est æqualis triangulo

$\delta\gamma\epsilon$ . quare triangulus  $\delta\gamma\epsilon$ ; etiam erit æqua-

lis triangulo  $\zeta\gamma\epsilon$ . maior minori. quod fieri ne-

quit: nō igitur recta  $\alpha\zeta$  æquedistat recta  $\beta\epsilon$ .

Simili ratione demonstrabimus. quod nulla a-

lia præter quam ad rectam æquedistet rectam  $\beta\epsilon$ .

Cœclatio.) Trianguli igitur æquales: super æ-

qualibus constituti basibus: sunt in eisdem li-

neis

neis rectis æquedistantibus. Id quod eras demonstrandum.

**Propositio quadragesima prima.**  
*Theorema.*

**P**A parallelogrammon, trianguli est duplum: si super eadem consistat basi: & in eisdem fuerit æquedistantibus lineis rectis.

*Explicatio dati.)* Parallelogrammon  $a\beta\gamma\delta$ . & triangulus  $\epsilon\beta\gamma$ : sine super eadem basi  $\beta\gamma$ , in eisdem æquedistantibus lineis rectis  $a\epsilon, \epsilon\gamma$ .  
*Explicatio quæfici.)* Dico quod parallelogrammon  $a\beta\gamma\delta$ : sit duplum trianguli  $\beta\gamma\epsilon$ .  
*Delineatio.)* Ducatur recta  $a\gamma$ . Demonstratio.) Triangulus  $a\beta\gamma$ , est æqualis triangulo  $\epsilon\beta\gamma$ : quia super eadem basi sunt  $\beta\gamma$ : & in eisdem æquedistantibus lineis rectis  $\beta\gamma, \epsilon\gamma$ . sed parallelogrammon  $a\beta\gamma\delta$ , est duplum trianguli  $a\beta\gamma$ . quia  $a\gamma$  diameter ipsum medium secat. quare & parallelogrammon  $a\beta\gamma\delta$ : trianguli  $\epsilon\beta\gamma$  duplum erit. Conclusio.) Parallelogrammon igitur trianguli est duplum: si super eadem consistat basi: & in eisdem fuerit  
æque-

EVCLIDIS

aequalibus lineis rectis. Id quod erat demonstrandum.

Proposito quadragefima secunda.

Problema.

**D**ato triangulo, aequali statuerē parallelogrammon; in angulo rectilineo dato.

Explicatio dati.) Sit triangulus datus  $\alpha\beta\gamma$ : & datus angulus rectilineus  $\delta$ . Explicatio quesiti.) Dato triangulo  $\alpha\beta\gamma$ , statuendum est parallelogrammon aequali: in angulo qui est aequalis, dato angulo rectilineo  $\delta$ . De linea recta. Dissecetur linea recta  $\beta\gamma$  media in puncto  $e$ : & ducatur linea recta  $ae$ : atque statuatur ad lineam rectam  $\epsilon\gamma$ : & ad punctum eius  $e$ : dato angulo rectilineo  $\delta$ : aequalis angulus rectilineus  $\gamma\epsilon\delta$ : postea ducatur per punctum  $a$ , linea recta  $\gamma\epsilon$ : aequedistans linea recta  $\alpha\gamma$ : & per punctum  $\gamma$ , linea recta  $\epsilon\delta$ , aequedistans linea recta  $\gamma\eta$ . Erit itaq; figura  $\gamma\epsilon\eta\delta$  parallelogrammon. Demonstratio.) Quoniam  $\beta\epsilon$  est aequalis  $\epsilon\gamma$ : idcirco & triangulus  $\alpha\beta\epsilon$ , triangulo  $\alpha\epsilon\gamma$  est aequalis: sunt enim super basibus equali-

æqualibus  $\beta\epsilon\gamma$ : & in eisdē lineis rectis  $\beta\gamma$ ,  
 $\alpha\eta$ , æquedistantibus, Quare a  $\beta\gamma$  triangulus:  
 duplus est trianguli  $\alpha\gamma$ . Verū parallelogram  
 mon  $\epsilon\zeta\eta$ : etiam est duplum trianguli  $\alpha\gamma$ :  
 quia eandem habent basim  $\epsilon\gamma$ : & in eisdē sunt  
 æquedistantibus lineis rectis  $\epsilon\gamma$ ,  $\zeta\eta$ . Quare  
 parallelogrammon  $\epsilon\zeta\eta$ : est æquale triangu-  
 lo  $\alpha\beta\gamma$ : & haber angulum  $\gamma\epsilon\zeta$ , æqualem an-  
 gulo  $\delta$ . Cœclusio.) Dato igitur triangulo  $\alpha\beta\gamma$ :  
 statutum est æquale parallelogrammon  $\epsilon\zeta\eta$ ,  
 in angulo  $\zeta\eta\gamma$ , qui est æqualis, dato angulo re-  
 stilineo  $\delta$ . Quod faciendum erat.

### Propositio 43. Theorema.

**O**Mnis parallelogrammi, eorum  
 quæ circa eandem sunt dimetiens  
 tem parallelogrammon supplementa:  
 æqualia inter se sunt.

Explicatio dati.) Si parallelogrammon  
 $\alpha\beta\gamma\delta$ : dimetens eius  $\alpha\gamma$ : & circa  $\alpha\gamma$ , sunt pa-  
 rallelogramma  $\epsilon\theta$ ,  $\zeta\eta$ , & que vocantur sup-  
 plementa sive  $\beta\chi$ ,  $\eta\delta$ . Explicatio questio.)  
 Dico quod supplementum  $\zeta\chi$ , sit æquale sup-  
 plemento  $\eta\delta$ . Demonstratio.) Quoniam  $\alpha\beta\gamma\delta$   
 paralle-

## E V C L I D I S

parallelogrammon, diametrum habet ax: idcirco triangulus  $a\beta y$ , est aequalis triangulo  $adx$ . Rursus quoniam exha parallelogrammon: diametrum habet ax lineam rectam: ideo tax triangulus, est aequalis triangulo  $adx$ , per eadem demonstrabitur triangulum  $x\gamma y$ , triangulo  $x\gamma y$  esse aequalem. Cum igitur triangulus  $aex$ , triangulo  $adx$  sit aequalis: & triangulus  $x\gamma y$ , aequalis triangulo  $x\gamma y$ : erit itaq; triangulus  $aex$  cum triangulo  $x\theta y$  aequalis triangulo  $a\beta x$ , cum triangulo  $x\gamma y$ , verum totus triangulus  $a\beta y$ , toti triangulo  $adx$  est aequalis. quare reliquum supplementum  $\beta x$ , reliquo supplemento  $x\delta$  est aequale. Conclusio.) Omnis igitur parallelogrammi, eorum que circa eandem sunt dimicentem parallelogrammon supplementa: aequalia sunt inter se. Id quod erat demonstrandum.

### Propositio quadragesima quarta.

#### Problema.

**A**D datam lineam rectam: dato triangulo: aequali statuere parallelogrammon; in angulo rectilineo dato.

Expli-

*Explicatio dati.) Sit data linea recta  $\alpha\beta$ : datus vero triangulus  $\gamma$ : datus angulus rectus lineus  $\delta$ . Explicatio quæsiti.)* Ad datam linneam rectam  $\alpha\beta$ : statuendum est parallelogrammon, æquale triangulo dato  $\gamma$ : in angulo, qui est æqualis angulo  $\delta$  dato. Delineatio.) Fiat triangulo  $\gamma$ , æquale parallelogrammon  $\zeta\eta$ : in angulo  $\epsilon\beta\eta$ , æquali angulo  $\delta$  dato: & sit linea recta  $\beta\epsilon$ , in  $\epsilon\theta\epsilon$  recta  $\alpha\zeta$ : atq. producatur linea recta  $\zeta\eta$ , ad punctum  $\theta$ . per punctum etiam  $\alpha$ : educatur alterutri linearum  $\beta\zeta$ ,  $\epsilon\zeta$  æquedistantes linea recta  $\alpha\theta$ : deniq<sup>u</sup> duca tur linea recta  $\theta\zeta$ . Demōstratio.) Quoniam in duas rectas æquedistantes  $\alpha\theta$ ,  $\epsilon\zeta$ : incidi recta linea  $\theta\beta$ . idcirco anguli  $\alpha\theta\beta$ ,  $\theta\zeta\epsilon$  duobus rectis sunt æquales. atq<sup>u</sup> ideo anguli  $\beta\theta\eta$ ,  $\eta\zeta\epsilon$  duobus rectis sunt minores, verum lineæ rectæ, à duo bus angulis, qui sunt minores duobus angulis rectis: in infinitum usque dudæ concurrunt. quare  $\theta\beta$ ,  $\zeta\epsilon$  productæ concurrent. Altera delineacionis pars.) Producantur duæ lineæ rectæ  $\zeta\epsilon\theta\beta$ : & concurrant in punto  $x$ : & per punctum  $x$ , alterutre linearum  $\alpha\zeta$ ,  $\beta\theta$ , duca tur  $x\lambda$  æquedistantis: atque producantur linea

## EVCLIDIS.

recte  $\eta\beta$ , & a puncto  $v\beta\lambda$ ,  $\mu$ . Demonstra-  
tiois altera pars.) Est igitur figura  $\theta\lambda\chi\gamma$  pa-  
rallelogrammon: eiusq; diameter  $\theta\chi$ : circa  
diametrem vero parallelogramma sunt ang-  
uli: dicta vero supplementa  $\lambda\beta$ ,  $\beta\gamma$ . quare  $\lambda\beta$   
supplementum, est aequalē  $\beta\gamma$  supplemento. va-  
rum  $\beta\gamma$  supplementum, est aequalē triangulo  
 $\gamma$ , ergo &  $\lambda\beta$  supplementum triangulo  $\gamma$  est  
aequalē. præcerea quoniam angulus  $\eta\beta\epsilon$  est &  
aequalis angulo  $a\beta\mu$ : & angulus  $\eta\beta\epsilon$  etiam est  
aequalis angulo  $d$ . idcirco & angulus  $a\beta\mu$ , e-  
tiam est aequalis angulo  $d$ . Conclusio.) Ad da-  
tam igitur lineam rectam  $a\beta$ : dato triangulo  
 $\gamma$ : aequalē constitutum est parallelogrammon  
 $\lambda\beta$ : in angulo  $a\beta\mu$ , qui est aequalis angulo  $d$ .  
Id quod erat faciendum.

### Proposito quadragesima quinta.

#### Problema.

**D**ato rectilineo: aequalē statuere  
parallelogrammon: in angulo re-  
ctilineo dato.

Expletatio dati.) Sit datum rectilineum  
 $a\beta\gamma\delta$ : & datus angulus rectilineus. Ex-

plicatio quæsti.) Dato rectilineo ab $\gamma\delta$ : statuendum est æquale parallelogrammon: in angulo rectilineo, qui est æqualis angulo ē dato.

Delineatio.) Ducatur linea recta  $\beta\delta$ : & constituatur triangulo ab $\delta$  æquale parallelogrammon  $\beta\theta$ : habens angulum  $\theta\alpha\zeta$ , æqualem angulo ē. statuatur etiam ad lineam rectam  $\eta\theta$ , parallelogrammon  $\eta\mu$ , æquale triangulo ab $\delta\gamma$ : habens angulum  $\kappa\theta\mu$  æqualem angulo ē. Demonstratio.) Quoniam angulus ē alterutri angulo  $\theta\eta\zeta$ ,  $\eta\theta\mu$  est æqualis: idcirco & angulus  $\eta\theta\mu$ , angulo  $\theta\alpha\zeta$  est æqualis. communis addatur angulus  $\kappa\theta\eta$ . ergo duo anguli  $\zeta\kappa\theta$ ,  $\eta\theta\eta$ : duobus angulis  $\kappa\theta\eta$ ,  $\eta\theta\mu$  sunt æquales. verum duo anguli  $\zeta\eta\theta$ ,  $\eta\theta\eta$  duobus rectis sunt æquales. quare & anguli  $\kappa\theta\eta$ ,  $\eta\theta\mu$  duobus rectis sunt aquales. ad lineam rectam  $\eta\theta$ , & punctū in ea datum  $\theta$  in diuersas partes ductæ sunt lineæ rectæ  $\kappa\theta$ ,  $\theta\mu$ : atq, faciunt angulos ē  $\phi\epsilon\sigma\zeta$  æquales duobus rectis: quare recta  $\kappa\theta$ , est ēπ' obiectis rectæ  $\theta\mu$ . Et quia in lineas rectas æquedistantes  $\kappa\mu$ ,  $\zeta\eta$ , recta quædam  $\theta\eta$  incidit: anguli idcirco alterni sunt inter se æquales: angulus  $\mu\theta\eta$ , æqualis angulo  $\theta\alpha\zeta$ . Communis

## EVCLIDIS

addatur angulus  $\theta\eta\lambda$ . anguli igitur  $\mu\theta\eta$ ,  $\theta\eta\lambda$ : angulis  $\theta\chi\zeta$ ,  $\theta\eta\lambda$  sunt aequales. verum  $\lambda\theta\eta$ ,  $\theta\eta\lambda$  anguli sunt aequales duobus rectis. quare & anguli  $\theta\chi\zeta$ ,  $\theta\eta\lambda$ , duobus rectis sunt aequales. quare recta  $\zeta\eta$ , est ex' d' theias, recta  $\eta\lambda$ . Cum vero  $\kappa\lambda$  recta, recta  $\theta\eta$  sit aequalis, & aquedistans: item  $\theta\eta$  recta, recta  $\mu\lambda$  aequalis & aquedistans: idcirco &  $\kappa\lambda$  recta, recta  $\mu\lambda$  aequalis & aquedistans est: easq; coniungunt rectae  $\chi\mu$ ,  $\zeta\lambda$ . quare &  $\chi\lambda$ ,  $\zeta\mu$  aequales & aquedistantes sunt: vnde fit, quod figura  $\kappa\lambda\chi\mu$  sit parallelogrammon. Cum autem triangulus  $a\beta\delta$ : sit aequalis parallelogrammo  $\theta\zeta$ : & triangulus  $\delta\beta\gamma$  parallelogrammo  $\eta\mu$ . totum igitur rectilineum  $a\beta\gamma\delta$ : toti parallelogrammo  $\kappa\lambda\mu$  est aequale. Conclusio.) Dato igitur rectilineo  $a\beta\gamma\delta$ : constitutum est parallelogrammon  $\kappa\lambda\mu$  aequale: in angulo  $\zeta\mu$ : qui est aequalis dato angulo  $\epsilon$ . Id quod faciendum erat.

Propositio quadragesima sexta. Problema.

**A** Data linea recta: describere quadratum.

Explicatio dati.) Sit data linea re-  
cta.

Ita a $\beta$ . Explicatio quæsiti.) A data lineare a  
 Ita a $\beta$ , describendum est quadratum. Delineatio.) Ducatur ex punto a, linea recta a $\beta$ : ad  
 angulos rectos recta linea a $\gamma$ : et fiat recta  
 a $\beta$ , æqualis recta ad: per punctum etiam d,  
 linea recta a $\beta$ : ducatur aquedistans lineare  
 Ita d $\epsilon$ : deniq; per punctum b, linea recta d $\epsilon$ :  
 ducatur aquedistans linea recta c $\epsilon$ . Demon-  
 stratio.) Figura igitur a $\beta$ d $\epsilon$ , est parallelo-  
 grammon: et ab, est æqualis d $\epsilon$ , atq; ad rectas  
 b $\epsilon$ : sed et a $\beta$  etiam est æqualis recta ad. qua-  
 tuor igitur rectæ ab, ad, d $\epsilon$ , c $\epsilon$ , sunt inter se  
 æquales, acq; idcirco parallelogrammon ad c $\epsilon$   
 est æquilaterum. Secunda explicatio quæsiti.)  
 Dico quod parallelogrammon ad c $\epsilon$ : etiam  
 sit rectangulum. Demonstratio.) Cum in duas  
 rectas aquedistantes ab, d $\epsilon$ , recta quedam ad  
 inciderit: anguli bad, adc, duobus rectis sunt  
 æquales: verum angulus b $\alpha$ y, est rectus. id-  
 circo et angulus a $\gamma$ e, etiam est rectus. parallelo-  
 gramma vero angulos oppositos æquales, et late-  
 ra opposita habet æqualia: quare ut ergo angu-  
 lorum oppositorum a $\beta$ c, e $\beta$ d est rectus: ideoq;  
 ad c $\epsilon$  parallelogrammon, est rectangulum. sed

E V C L I D I S

¶ æquilaterum esse, fuit demonstratum. Conclusio.) Quare abey figura, est quadratum: & est descriptū à linea recta data ab. id quod erat demonstrandum.

Propositio quadraginta septima.

Theorema.

In triangulis rectangularis, quadratum lateris angulum rectum subtendens: est æquale quadratis laterum, rectum angulum continentium.

Explicatio dati.) Sit triangulus rectangularis abγ, habens angulum βγ rectum. Explicatio quesiti.) Dico quod quadratum lateris βγ: sit æquale quadratis laterum βa, αγ. Delineatio.) Describatur à linea βγ, quadratum βδεγ: & à linea βa, quadratum βη. Præterea à linea αγ quadratum γθ. Duca tur etiam per punctum a: alterwiræ linearum βδ, γθ aquedistantis recta linea ad. deniq, ducentur duas linea rectas ad, εγ. Demonstratio.) Quoniam veroq, angulorum βαγ, βαη est rectus. idcirco ad rectam quandam βa: et ad punctum quod in ea est a, due rectæ αγ, αη

in diuerfas partes ducit : faciunt angulos vi-  
cinos inter se equales . quare recta  $\gamma\alpha$  est in  
Obelias recta  $\alpha\gamma$  . per eadem ista demonstrabi-  
tur : quod recta  $\alpha\beta$  , est ita Obelias recta  $\alpha\beta$  .  
quoniam vero angulus  $\delta\gamma\beta$  , equalis est angu-  
lo  $\delta\beta\alpha$  (quia resq; est rectus ) communis ad-  
datur angulus  $\alpha\beta\gamma$  : totus igitur angulus  
 $\delta\beta\alpha$  : toti angulo  $\delta\beta\gamma$  est equalis . cum vero  
duo latera  $\delta\alpha$ ,  $\beta\alpha$ , duobus lateribus  $\beta\gamma$ ,  $\gamma\alpha$   
sint equalia , alterum alteri : et angulus  $\delta\beta\alpha$  ,  
angulo  $\delta\beta\gamma$  equalis . basis igitur  $\alpha\beta$  , basi  $\beta\gamma$ ,  
est equalis . et triangulus  $\alpha\beta\gamma$  , triangulo  
 $\delta\beta\gamma$  equalis . verum trianguli  $\alpha\beta\gamma$  : paralle-  
logrammon  $\delta\lambda$  est duplum . quia habent can-  
dem basin  $\beta\delta$  : et sunt in eisdem lineis rectis  
et quae distantib;  $\beta\gamma$ ,  $\alpha\lambda$  . Item trianguli  $\delta\beta\gamma$ ,  
duplum est quadratum  $\eta\beta$  . quia habent can-  
dem basin  $\beta\delta$  : et sunt in eisdem lineis rectis  
et quae distantib;  $\delta\gamma$ ,  $\eta\gamma$  . Quo vero equalium  
sunt dupla : illa inter se sunt equalia . ideoq;  
parallelogrammon  $\beta\lambda$  , aequale est quadrato,  
 $\eta\beta$  . Simili ratione quando ut,  $\gamma\lambda$ , recta con-  
iunguntur : demonstrabitur quod parallelo-  
grammon  $\gamma\lambda$  sit aequale quadrato  $\eta\gamma$  . totum

E V C L I D I S

igitur quadratum  $\delta\beta\gamma$ : duobus quadratis  
 $\eta\beta,\theta\gamma$ , est æquale. sed  $\beta\delta\gamma$  quadratum: est  
descriptum à latere  $\beta\gamma$ , ex quadrata  $\eta\beta,\theta\gamma$   
sunt descripta à lateribus  $\delta\alpha,\gamma$ . Quadratum  
igitur lateris  $\beta\gamma$ : est æquale quadratis laterū  
 $\beta\alpha,\gamma\alpha$ . Cœclusio.) In triangulis igitur rectan-  
gulis: quadratum lateris rectum angulū sub-  
tendens: est æquale quadratis laterum rectū  
angulum cōtingentium, quod erat demonstran-  
dum.

Propositio quadragesima octaua.

Theorema.

**S**i quadratum vnius lateris trianguli  
 fuerit æquale quadratis reliquo-  
 rum duorum laterum: erit angulus,  
 quem ex aliqua illa duo trianguli latera  
 continent, rectus.

Explicatio dati.) Sit quadratum lateris  
 $\beta\gamma$ , trianguli  $a\beta\gamma$ , æquale quadratis laterum  
 $\beta\alpha,\gamma\alpha$ . Explicatio quesiti.) Dico quod an-  
 gulus  $\beta\alpha\gamma$  sit rectus. Delineatio.) Ducatur  
 à punto  $a$ : linea recta  $a\beta$ , ad angulos rectos  
 linea recta  $a\delta$ : ex his lineis  $a\delta$ ,  $a\beta$ , equalis recta  
 linea  $a\gamma$ : deniq; ducatur linea recta  $\delta\beta$ . De-  
 monstra-

monstratio,) Quoniam recta  $\delta\alpha$ , est aequalis re-  
 ctæ  $\alpha\gamma$ : idcirco & quadratū à recta  $\delta\alpha$  descri-  
 ptum: erit aequalē, quadrato à recta  $\alpha\gamma$  descri-  
 pto. Commune addatur quadratū rectæ  $\alpha\beta$ .  
 quare quadrata rectarum  $\delta\alpha, \alpha\beta$ : sunt aqua-  
 lia quadratis rectæ  $\beta\alpha, \alpha\gamma$ . verū quadra-  
 tis rectarum  $\delta\alpha, \alpha\beta$ : aequalē est quadratum re-  
 ctæ  $\gamma\beta$ : quia angulus  $\delta\alpha\beta$  est rectus. quadra-  
 tis verò rectarum  $\alpha\beta, \alpha\gamma$ : aequalē proponitur  
 esse quadratum rectæ  $\delta\beta$ . Quare quadratum  
 rectæ  $\delta\beta$ : aequalē est quadrato rectæ  $\beta\gamma$ . vnde  
 etiam latus  $\delta\beta$ : lateri  $\beta\gamma$ , est aequalē. Quoni-  
 am verò latus  $\alpha\delta$ , est aequalē lateri  $\alpha\beta$ : com-  
 mune verò latus  $\alpha\gamma$ : duo latera  $\delta\alpha, \alpha\beta$ : duo  
 bus lateribus  $\beta\alpha, \alpha\gamma$  sunt aequalia: & basis  
 $\delta\beta$ , est aequalis basi  $\beta\gamma$ . idcirco & angulus  
 $\delta\alpha\beta$ , angulo  $\beta\gamma\alpha$  est aequalis. Verum angu-  
 lis  $\gamma\beta\delta$  est rectus. quare & angulus  $\beta\gamma\alpha$  etiā  
 erit rectus. Conclusio.) Si igitur quadratum  
 unius lateris trianguli fuerit aequalē quadra-  
 tis reliquorum duorum laterum: erit angulus  
 quem reliqua duo trianguli latera continent  
 rectus. Id quod erat demonstrandum.

E 3

SCHOLIA IN HOC PRE-  
mum Euclidis elementum, Cun-  
radi Dasypodij.

De scientijs Mathematicis.

**M**athematicas scientias, sic dicitas vocantur: quod cum alias artes etiam ab  $\sigma\tau\pi$  preceptorre intelligere; & addiscere possumus: has tamen non nisi instituti, & adeo & dirimè in illis exercitati percipere queamus: ut à discendo disciplina, à probatō, emīsiūque p̄adīquādīḡ dicantur. Pythagorici autem mathematicæ nomine, duabus tantum scientijs Arithmeticæ, & Geometriæ imposuerunt: quos niam in his potissimum rō ἐπισημονῶν; & ipsa probatōis cerni potest. postea tamen nonnullius sumpto vocabulo: alias scientias bīscō cognatas appellavit Mathematicas, Astronomiam, Musicam, & que huius sunt generis. Et hinc sit, ut Mathematica definia- sur scientia contemplationem habens rerum: non tantum abstractarum, ut sunt numeri; & figurae: sed & sensibus ipsis subiectarum, ut-

pote cœli, terra, stellarum, sonorum, tonorum,  
et quæcumq; his sunt similia.

Hanc verò vniuersalem mathesin: in duas potissimum partes diuidunt: altera enim versatur circa res mēte et ratione perceptas que Gracis nominantur rāvontā, et Algrovontā. altera verò tōw cōdntōw, rerum sensu subiectarum habet perceptionem: illa Geometriam, et Arithmeticam completitur: haec verò in sex est diuisa scientias, Geodesiam, et Opicam: que ex Geometria nascuntur: Logisticam et Canonicam, prognatas ex Arithmetica: deniq; Mechanicam, et Astronomiam, quas ad viramq; referri tradunt. Est et alia Mathematica diuisio: in quatuor partes: et unum facta. quoniam prædictis vel habet perceptionem quantitatis continuae, vel quantitatis discrete. Geometria enim, et Astronomia sibi habet subiectas ipsas magnitudines: Geometria quidem eam, que est sine motu: Astronomia eam, que mouetur, sic etiam multitudinis et numerorum sit contemplatio, in Arithmetica, et Musica: alla enim numeros: per se considerat: eorumq; proprietates inuestigat.

## SHOLIA.

Figat: hec vero numeros tractat relatos, quos etiam harmonicos appellant. Itaque uniuersalis quedam mathematica cognitio ex doctrina est statuenda: sub se complectens reliquas disciplinas omnes: suaq; principia, & universales propositiones omnibus communicaens: non quatenus numeris, aut figuris, vel deniq; motibus illa insunt: sed quatenus eorum uniuersalis est natura: & talis, quae singularibus illis disciplinis attribui potest. Sunt autem eiusmodi principia τὸ πέρας, καὶ τὸ ἀντίπερα, finitum, & infinitum: quia numerus incipit ab unitate, & in infinitum usq; crescit: is vero qui sumitur, finitus semper est: sic etiam magnitudines in infinitum usq; diuidi possunt: cum tamen ea quae diuidantur: sint finita, & terminata. Propositiones vero mathematicae communes sunt istae, in quibus contemplamur λόγους, analogias, οὐνθέσις, Διαγράφας, αναστομάτας, ονταδιαγράφας τὸ ισον, τὰ αὐτον, id est, ratios, proporciones, compositiones, divisiones, cōsecutiones, alternas permutationes, aequale, & inaequale. deinde τὸ κάλλος, καὶ τάξις, ipsaq; μέθοδος. præterea ὁμοιότης, καὶ αἵρομοιότης, similitudo

militudo, & dissimilitudo rerum in figuris, numeris, & motibus uniuersaliter considerantur. hæc inquam omnia, & his similia unaque que disciplina ad suam accommodat rem subiectam: eaq; ei inesse proprijs confirmat rationibus. Preterea Mathematicarum disciplinarum fastigium & vertex quasi est ipsa ðæta ðæcūlūn, quia per ipsam hæ scientie perficiuntur: dum definitionibus, divisionibus, demonstrationibus, & quicquid harum rerum est, resuntur.

### De Geometria, & eius elementis.

Proclus Geometriā sic definit: γεωμετρία ἐστὶ ἐπιεῆμη γνῶσις μεγαθῶν, καὶ οὐμάτων, καὶ τὸ τέττας περάτων: επὶ δὲ καὶ τὸ λόγων τὸ σώτοις, Εἰ παθῶν τὸ τοῦτο αὐτὰ, καὶ τὸ παντοίων θέσεων, καὶ κινήσεων. Geometria est scientia, vel cognitio magnitudinum, & figurarum, atq; etiam terminorum quibus illæ clauduntur: quæq; proportiones & rationes, atq; etiam passiones his accidentes demonstrat: posteriorum deniq; & morum varietates explicat: Hæc scientia duplex est: altera nominatur Geometria, τὸ περιττόδων: altera στρωματεῖα.

Plane

## SCHOLIA.

Planorum contemplatio tanquam simplicior  
precedit, siquidem ex superficiem contentione  
nascitur corporum & solidorum con-  
gnitio. in utraq vero tria (sicui in omnibus  
scientijs) considerantur. Primum τὸν οὐ-  
κέντιον γένος, res ipsa, de qua doctrina est institu-  
ta: alterum τὸν αὐτὸν τὸν ἀρχοντα: id quod  
rei per se inest: & τὰ πάθη, rerum affectiones  
tertium ἀξιωματα, καὶ αὐτήματα, proposicio-  
nes: per quas rebus subiectis inesse aliquid de-  
mōstratur. illa itaq; in Geometria consideran-  
da veniunt: nam ut ex definitione Geometrie  
liceat videre: subiecta sunt trianguli, quadra-  
ta, circuli, sphæræ, Cylindri, & ut summatim  
dicam, figuræ planæ corpora solida, deniq; om-  
nes magnitudines immobiles, & harum termi-  
ni, que vero his per se in sunt, διαιρέσεις, α-  
φαι, παραβολαι, ὑπεροχη, ἐλλειψις, ισότης  
& ανισότης, id est, divisiones contactus, appli-  
cationes, excessus, defectus, & qualitas, & inae-  
qualitas: cum alijs quibusdam huius generis.  
Axiomata, & petitiones, quibus singula re-  
bus subiectis demonstrantur inesse: sunt hu-  
iusmodi: que eidem sunt aequalia; illa inter se  
sunt

funt aequalia. item à punto ad punctum: dico  
et lineam rectam. Hæc verò cum lace paccat:  
Et ipsarum rerum subiectarum, atq; proposicio-  
num geometricarū magna, variaq; sit copia  
necessæ est, ut delectus habeatur, & in traden-  
do, atq; docendo incipiamus à simplicieribus,  
et principioribus: ex quibus tanquam notis  
sumis: extrahimus demonstrationes rerum in  
geometria abstractarum. quas quidē simplicio  
res propositiones εὐχεῖα, eorumq; doctrinam  
εὐχείων Græci autē nominant. sunt εὐχεῖα  
seu elementa Geometrie, propositiones simple-  
tissime, in quas compositæ resoluūcur: & à qui  
hinc tanquam principijs, omnes Geometrice  
demonstrationes egressæ sunt. tales sunt bæ  
propositiones Euclidis, quibus Archimedes,  
Apollonius, & ceteri geometræ tanquā prin-  
cipijs, & notissimis elementis vtuncur. ita ca-  
men hæc prima, & simplissima Geometrice  
principia ab Euclide conscripta sunt: ut ne-  
mo satis possit hominis & ingenium, & indu-  
striali mixari. quæ enim ab antiquis fuerunt  
inuenta, in optimum redigit ordinem: dele-  
tum etiam in tanta copia, & variccate pro-  
posi-

## SCHOLIA.

positionum habuit talem: ut non omnia quæ dici poterant, assumeret: sed tantum, quæ clementari institutioni conueniebant. deinde omnes modos, omniaq; genera syllogismorum adbibuit, quæcunq; ab ipsis apodeicticis recipiuntur. Præterea utimur diuisionibus in inuenientiis rerum speciebus: item definitionibus in substantiali rerum subiectarum explicacione: adhæc demonstratione in ijs: quæ à principijs sunt ad quæsita: deniq; resolutione cum à quæsitis ad ipsa principia fit redditus. Taceo de varijs, quibus utimur conuertendi modis, continuacione, & dispositione singulari ipsorum elementorum: ut unum absq; altero videatur esse non posse. Quæcum ita sint, meritò omnes studiosi philosophiae, & bonarum artium: sibi hæc Euclidis elementa familiaria reddere debebant: ut ad aliores capescendas scientias fierent paratores.

## De propositionibus Geometriæ.

Solent Geometrae duo præcipua propositionum genera habere: unum est τῶν δέχων principiorum: alterum τῶν μὲν τὰς δέχασθαι: id est, propositionum, quæ principia se-

pia sequuntur. principia ipsa, quia per se manifesta, & simplicia sunt: nulla adhibita demonstrazione primo explicantur loco: subsequuntur propositiones demonstratione indigentes: & ex ipsis demandantes principijs. & nisi hic ordo teneatur, verum permisceantur omnium: & ipsa cognitio perturbatur: & quae natura sunt distincta, coniunguntur. Ille lud ipsum facit Euclides, & principiorum facta enumeratione, absqueulla demonstratione: transit ad propositiones demonstrabiles. dividit verò ipsa in ἔργον, αὐτήματα, οὐδὶ ἔξιματα, η κοινὰς ἀντοίας. Est autem ἔργον, cum aliquis rei propositione cognitionem nondum habet: quae per se fidem rei faciat: verum concedit assumēti illud verum esse. eiusmodi sunt ipsae definitiones Euclidis. Postulatum verò in genere est, cum neq; cognitum quid est: neque ab audience concessum: tamen petitur ab alieno, ut assumi concedatur. sicuti cùmpeto mihi concedi: omnes angulos rectos: aequales inter se esse. Axioma, vel pronunciatum est, quando quid cognitum est, & tam manifestum: ut per se fidem habeat. ut qua

## SCHOLIA.

eidem sunt aequalia: illa inter se sunt aequalia,  
 totum maius est sua parte. Geometriæ tamen  
 hypotheses vocant etiam ὁργες definitiones re-  
 rum subiectarum: ut si definiam lineam, angu-  
 los, figuras, & similia: quo sciatur, quibus de-  
 rebus sermo sic institutus. deinde autem, seu  
 postulatum non sic sumunt ut Philosophi: sed  
 postulatum vocant propositionem immediata-  
 tam: in qua petitur aliquid quod factu est faci-  
 le: & nulla indiget varia aut prolixa delineazio-  
 ne: ut si dicam, à punto ad punctum: duca-  
 tur linea recta. Communis denique sententia  
 Geometris dicitur propositione immediata: que  
 per se manifesta, & cognitum per facilis est, sine  
ulla demonstratione recepta: & communis om-  
 nium consensus concessa. Itaque tria ista propo-  
 sitionum genera, in eo conueniunt: quod prin-  
 cipiorum naturam habeant: ac per se sint ma-  
 nifesta. differunt vero, quod hypothesis sit re-  
 rum subiectarum explicatio: postulatum pro-  
 ponit aliquid, quod factu sic facile: axioma  
 rei per se manifesta sic cognitio. Quidam ve-  
 ro petitiones dicunt tantum ad Geometriam  
 spectare: axiomata vero ad omnes discipli-  
 nas.

nas. Alij dividunt hoc modo ipsas communes sententias: ut quasdam Geometriæ, nonnullas Arithmeticæ proprias esse dicant: alias deniq; communes. atq; hæc sint paucis dicta de principijs. Propositiones vero, quæ principia sequuntur: & demonstrari possunt ac debent: aliæ sunt ὀρθήματα, aliæ ἀνορθήματα. Problemata dicuntur propositiones, in quibus aliquid nobis ad agendum proponitur. ut quando figurarum ortus, & constitutiones, sectiones, subtractiones, additiones, & similia proponuntur. Theorematum autem sunt, in quibus ad contemplandum quiddam proponitur. ut si ea, quæ rebus per se insunt, aut accidunt, consideramus. cuiusmodi dicuntur esse τὰ καθ' αὐτὰ οὐ αρχοντά οὐ μετεπηκότα: vel etiam ατι οὐ πάσματα, aut deniq; τὰ τώδη. Differunt itaq; inter se, sed non aliter quam petitio, & axioma. Euclides veroq; genere vitetur. nam iterum tantum habet problemata, ut in quarto libro, interdum vero solum theorematra, sicuri in quinto: nonnunquam deniq; theorematu problematibus commiscet: ut in reliquis facit libris.

## SCHOLIA

### De primo libro.

Proposuit sibi Euclides in hoc primo elemento: principia figurarum rectilinearum trahere: nam triangulus & parallelogrammon, sunt in figuris rectilineis omnium primæ, & simplicissimæ figuræ. Diuisit verò librum in partes tres: in prima, post explicationem principiorum: docet quomodo triangulus sit constructuendus: quæ sint eius proprietates: cùm quoad angulos: cum etiam latera: præterea eosdem comparat inter se: & vnumquodquam accidens per se considerat: in altera de lineis æquidistantibus, & parallelogrammis doctrinā instituit: demonstrans quæ eis per se insint: & quomodo ipsa fiant parallelogramma. in postrema, parallelogramma & triangulos inter se confert. primum seorsim, deinde coniunctim. Atque, hæc breuiter sint dicta, & explicata: de vniuersali illa rerum mathematicarū: & Geometriæ cognitione: nunc subiungemus perbreues locorum difficiliorum expositiones: & si quid forsitan occurret: quod latius sit explicandum, & ad vniuersam Geometriam spectare videbitur: id fusius exponemus. cuiusmodi

modi est ille locus ᾧ ἐπίσηματος, οὐ διά  
σεως ἀπαγωγῆς, εἰς τοὺς, καὶ τοῖς similia.

Σημεῖων.) Alij sic definiunt: σημεῖον εἶναι  
μονὰς θεσιν ἔχουσα. punctum est unitas, quae  
positionem habet. solum punctum in Geome-  
tria diuidi non potest: sicut in Arithmetica  
unitas non admittit divisionem. sunt enim u-  
nius, eiusdemque naturae: quum duarum scien-  
tiarum omnium prima, & simplicissima sint  
principia: differunt tamen in eo, quod punctū  
dari & ponī possit: unitas vero puncto simpli-  
cior existens nō ponatur: cùm ab omni inter-  
vallo, omniisque materia, ac loco sit abstracta. Vā  
titur autem definitione negativa, quoniam  
negationes maxime conueniunt principijs.

Γεραμῆν.) Principium omnium magnitu-  
dinum sola negatione definiuit: lineam vero  
nunc describit affirmando, & negando. quia  
affirmatione excedit naturam puncti: et mi-  
nus est simplex puncto: cùm sic longitudo diui-  
sionem admittens: negatione vero est princi-  
pium respectu superficiei, & corporis. sunt e-  
nim tres dimensiones: longitudinis que attri-  
butur linea, lōgitudinis & latitudinis simul:

## SCHOLIA

que ad superficiem refertur: denique longitudinis, et latitudinis, atque profunditatis coniunctim in corpore. cum itaq; in definitione ponit & adhuc latitudine carens: vna cum latitudine adimit quoque profunditatem: atque eam ob causam non addidit nōq; ab aliis, cum superfluum esset. Alij sic definiunt lineam: γραμμὴ εἰς πόντος τομέας: id est, linea fit ex fluxu puncti: nonnulli γραμμὴ μέγεθος εἰς πόντον nominant: magnitudinem vno concentram intervallo. Euclidis tamen definitio perfectior est: essentiam et substantiam lineae explicans. Possimus autem lineam hoc modo cognoscere: si longitudines parietum, aut itinerum spacia dimetiamur, quia cum neq; latitudinem, neque crassitatem subiungimus: sed unicam consideramus distantiam: sicut cum metimur prata, et campos: videmus ipsam tantum superficiem, id est longitudinem et latitudinem tantum eius loci, vel agri. Cum vero puecos, cum est solidum, quia omnes distantiae, omniaq; interalla ibi coniunguntur, dicimus enim longitudinis, latitudinis, profunditatis ipsius pueci, tantum, vel tantum esse

esse spatum. melius tamen cognoscemus lineam, quando obseruamus quomodo lucidum ab obscuro: illuminatum ab obumbrato distinguitur.

Eὐθεῖα.) Duæ simplicissima, ac præcipuae linearum species sunt, recta & circularis: reliquæ omnes sunt mixta: & vel in superficiebus planis: vel in corporibus solidis considerantur. Plato lineam rectam definit sic: Εὐθεῖα γέμιμη ἔστι: ης τὰ μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπέδων: cuius media obumbrant extrema. quod licet videre in Eclipsi solis, quando in una linea recta sunt Sol, Luna, & oculus noster: Luna media inter nos & Solem existente. Archimedes definis linea rectam sic: Εὐθεῖα γέμιμη ἔστιν ελαχίση τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα εἰχόσῶν γέμιμῶν, est breuissima earum linearum, quæ eodem habent terminos. aequo bæc definitio explicat Euclideam, & vicissim illa declarat banc.

ἘπΦαύεια.) Post punctum & lineam sequitur superficies, quæ duplii intervallo distat longitudine, & latitudine: caret verò crastinidine: atq; eam ob causam addidit particulam μόχου.

SCHOLIA.

ἘπίΦανίας δέ.) Sicut corpus solidū clauditur, & terminatur superficie: sic & superficies linea finitur, & linea puncto. quod quidē est omnium magnitudinum communis, & simplicissimus, atq; extremus terminus.

Ἐπίμεδος ἐπίΦάνεια.) Omnis superficies vel est plana, vel circularis, & sphaerica. ὧναμ igitur Geometra delegit, eamq; definie, nempe planam. possunt ei etiam congruere definitiones lineæ rectæ supra positæ: in hac autē plana superficie nos tanquam in aliquo subiecto contemplamur figuræ, & figurarum affectiones. nam in plana superficie nos ducimus lineas rectas, circulares, & figuræ omnis generis: item linearum, circulorum, & figurarum sectiones, contractus, applicationes angularum, constitutiones, & quicquid barum est verum. sed planam superficiem idcirco elegit, quoniam in alijs superficiebus ista omnia non possunt ita intelligi, aut describi, quemadmodum in plana. Vocat itaq; hic planū id, quod nobis ante oculos est positum: & in quo mente atque cogitatione omnia describimus, & delineamus, atq; firmis rationibus confirmamus.

Ἐπί-

*Ἐπίπεδον γωνία.) Genus definitionis est  
ἀλέτης, inclinatio: locus autem in quo descri-  
betur angulus, est τὸ ἐπίπεδον, planū ipsum:  
ortus verò eius est, quod ad minimum duæ de-  
bent esse lineaæ rectæ: sicuti in solido angulo, li-  
neaæ tres: deinde illæ duæ lineaæ rectæ: debent  
se se mutuo tangere: neq; sitæ esse in directo. il-  
lud enim est ἐπίπεδα, quando duæ lineaæ  
rectæ ita collocatæ sunt: ut protractis istis li-  
neaís rectis, & concurrentibus, vna ex duabus  
fiat linea recta.*

*Οτιον δέ.) Enumerat species substantiales  
anguli rectilinei, definitionibus acuti & obtu-  
si anguli: est addendū genus: quod scilicet us  
terq; sit rectilineus, alter maior recto, alter ve-  
rò recto minor. Verum nō absolute illud est su-  
mendum, quod omnis angulus recto minor, sit  
acutus: quia sunt anguli nonnulli etiam non  
rectilinei minores recto, & tamen non acuti:  
sicut neq; illud simpliciter sumitur, quod obtu-  
sus sit recto maior, & idcirco omnes recto an-  
gulo maiores sunt obtusi. quoniam sunt angu-  
li recto maiores, qui non sunt obtusi.*

*Διαδεῖσα.) Rectam super recta constituit*

## SCHOLIA.

in definitione anguli recti: non autem in anguli obtusi aut acuti descriptione. quia angulus rectus, est angulorum non rectorum mensura: sicuti æqualitas, est regula et norma inæ qualitatis.

Αλλά λας.) Possunt enim æquales esse, sed si inter se æquales sint; necesse est ut sint recti.

ΕΦεξης.) Indicat causam rectitudinis; quia si anguli contigi inter se sunt æquales, rectus erit veerq; illorum æqualium angulorum. nam stans illa recta in neutrum inclinat partem: & idcirco causa est non æqualitatis tantum, sed et rectitudinis. Traditur vero bie de angulis, qui sunt in uno eodemq; plano: siue et perpendicularis non qualibet hic definitur: sed illa cantum, que in uno, eodemq; est plano.

Κύναθρο.) Prima simplicissima, atq; perfe<sup>ctissima</sup> figura plana est circulus, ut in corporibus solidis sphæra.

Σχῆμα.) Quia uno comprehenditur termino, àφ' εὐθυγράφων. sunt enim infinita in circulo puncta: quorum omnium unum tantum census tri nomen et naturam recinet. Eutōs.) ad diffe-

differentiam eius puncti, quod extra circulum sumitur: & polus dicitur: omnia enim in uno sunt plano. idcirco etiam statim definitio nem illius puncti subiungit, ut sciamus non polum, sed centrum intelligi.

Διάμετρος.) Circulo propriè conuenit: nam ἀξονα vel axis est ipsius sphaerae: Διαγώνιος vero figurarum quadrilaterarum.

Ημικύκλιον.) Semicirculum inquit circuli diametro & circumferentia comprehendit: propter τμήματα segmenta circulorum, quorum alterum μείζων maius, alterum ἔλαττον minus dicitur.

Εὐθύγεμα.) à figura quaे uno termino, ad eam quaे duobus comprehenditur, est progressus: nunc ad alias pergit explicandas: idquiuxta ordinem numerorum, binarium, & ternarium, & ita deinceps. quamuis plera quadrilateras figuræ, que in elemoneis locum habent, non progreditur specialiter: verum sub uno vocabulo comprehendit: & eas nominat τὰ πλυνθέα, multis lateras figuræ. Omnis igitur figura rectilinea, vel est trilatera: vel quadrilatera: vel gradatim multilatera: sed

SCHOLIA.

*sed non è contra omnis trilatera, quadrilatera, aut multilatera est rectilinea.*

*Τε πλάδισμα.) Triangulorum duplex est diuisio: una per se manifesta, & cognita sumpta ab ipsis lateribus: altera quæ eam subsequitur est propria ab ipsis angulis facta.*

*Τε πλάδισμα.) Præcipua diuisio quadrilaterarum figurarū hæc est: aliæ dicuntur parallelogramma: aliæ nō parallelogramma, quæ verò parallelogramma dicuntur: aliæ rectangula, & equilatera sunt: ut τετράγωνον quadratum: aliæ verò horum neutrum habet, ut τὸ ρόμβοειδὲς, Rhombi speciem habens. nonnulla verò sunt quidem rectangula: sed nō equilatera, ut ἑτερομήκης, parallelogrammon altera parte longius: deniq; sunt parallelogramma, quæ equilatera quidem, sed non rectangula sunt, ut est ρόμβος, Rhombus. Figure verò quadrilateræ, quæ non sunt parallelogramma: aut duo tangentum habent parallela latera, & sunt τραπέζia: aut nulla prossus parallela latera, & nominantur τραπεζοειδῆ, speciem trapezij habentia. Verum Euclides banc diuisionem facere non potuit,*  
*cum*

tum de parallelis lineis aut figuris hisce lineis contentes nulla sit facta mentio : idcirco simpliciorem illam facit diuisionem τετραγωνοῦ.

Καὶ πᾶσαι ὁρθαὶ) Quidam iuxta Peripateticos volunt hanc propositionē esse αἰτημα, petitionem: alij vero & melius ἀγίωμα, pronuntiatum. Cum nunc paucis absoluimus principia: restant propositiones demonstrabiles . omnis enim scientia vel versatur in principiorum explicatione: quas sineulla demonstratione adhibita recipit: vel in doctrina propositionum earum, quae ex ipsis demandant principijs: & per ea demonstrantur: quare & nos illas aggrediamur.

### De partibus problematis, atq<sup>ue</sup> Theorematis.

Propositiones quae demonstrationem admittunt, suprà duplices constituimus esse: vel enim sunt ἀριθμητα, problemata: in quibus ea, quae quodammodo nondum existunt comparare, & constituere proponitur: vel ἀριθμητα, theorematata, in quibus id quod iam

## SCHOLIA

iam constitutum est, & in rerum natura existit, cognoscere, & perspicere statuimus. Geometria enim, ut & aliæ scientiæ, habet omnes quatuor quæstiones: an sit, quid sit, quale sit, & quare sit: de quibus quidem omnibus sermonem instituit ipsa Geometria, ut apud Euclidem videbimus. Omne verò problema, omnēq; theorema, quod suis perfectum, & absolutum est partibus, hæc in se habet: πρότασιν, ἔπειροιν, διορθωμὸν, κατασκευὴν, ἀπόδειξιν, καὶ οὐ μετέργησιν, id est, præpositionem, in qua est δεδομένον, datum, & γεντήμενον, quæsitum: deinde explicationem dati: tertio explicationem quæsiti: quarto delineationem: quinto demonstrationem: sexto & postremo conclusionem socius. Nam in propositione quid de re subiecta, vel ipso dato queratur, proponitur. perfecta enim proposicio, & datum, & quæsitum habet, quamvis nōnullæ sint, quæ altero careant: postea ēndeois ipsum datum per se se considerat, & ipso quæsito quasi præparat & struit viam. διορθωμὸς seorsim proponit quid de subiecto queratur. Delineatio verò solet ea addere, quæ ad investigationem quæsiti pertinent:

tinent: ipsa autem demonstratio, adhibitis certis atque firmis, priusq; concessis & affirmatis rationibus: id de subiecto dici, quod proponitur, confirmat. tandem facta ipsa demonstratione: conclusio redit ad ipsam propositionem, eamq; confirmatam, & demonstratam iam esse colligit: solet vero interdum duplē esse, una specialis in ipsa delineatione, & demonstratione facta: altera generalis, quæ totā confirmationem propositionis datae colligit vniuersaliter.

Ex his vniuscuiusq; problematis, aut theorematis partibus maximè necessariæ sunt istæ tres. Propositione, demonstratio, & conclusio: ræ liquæ interdum adhibentur, & id ut plurimū interdum non adhibentur, ut in Arithmeticis fuit, & in decimo Euclidis libro.

Πρὸς τὴν δοθείσα. ) Sunt quedam in Geometria, quæ nobis solent in medio demonstratio- nis cursu occurrere: qualis etiā in hac propositione est μῶνις, casus. dicitur autē casus nibil aliud esse: quam delineationis transpositio, quæ sit proper diuersas positiones. ab hoc ca- su quedam propositiones dicuntur Græcis ἀπόλ-

ωρβλη-

## SCHOLIA.

προβλήματα, problemata quæ carent casu: quando una tantum est posicio, & delineatio: siquidem casus respiciunt ipsam delineationē: quædam verò nominantur πολύπλοκα proble mata multis casus habentia: in quibus aliter atque aliter fieri possunt delineationes. Hoc itaq<sub>h</sub> secundum problema, multis habet casus: variis etiam delineationes. nam cum punctū detur posizione, illa fieri potest varijs modis: vel enim ponitur extra datā lineam rectam, vel in ipsa linea recta: & si in ipsa, aut erit alterum extremorum: aut inter ipsa extrema: & si exera ipsam, aut à latere, ita ut recta protracta à punto ad datam lineam rectam, angulum faciat, aut è directo. Euclides sumpsit casum difficiliorem, & punctū extra lineam rectam datam à latere eius ponit.

Δοθείση θεία.) Omne darum vel datur θέσι, posizione, vel λόγῳ, ratione, vel μεγέθει, magnitudine, vel εἶδει, specie. posizione tantum datur ipsum punctum: linea verò, & reliqua Geometriæ subiecta. omnibus modis. hoc tamen in loco linea recta datur εἶδει spesie, est enim linea recta & θέσι posizione.

Δύο

Δύο οὐθεισῶν.) In hac propositione linea  
dantur magnitudine: ipsa delineatio multos  
habet casus: nam aut distant inter se, ut apud  
Euclidem: aut in uno punto coniunguntur:  
aut sese mutuo secant: aut altera alteram in  
extremo alterius punto tantum secat: & vel  
maior minorem, vel minor maiorem: & qui-  
cunq; eiusmodi fieri possunt casus. Verunta-  
men ad omnes huiusmodi casus, Euclidis de-  
monstratio accommodatur.

Εαν δέ τις τριγωνον.  
Prius docuit trianguli  
constitutionem, quam ea explicaret, quae per  
se triangulis accidunt: præterea duabus pro-  
positionibus ostendit viam et methodum, qua  
lineæ rectæ, facienda sit alia recta equalis.  
altera quidem non existentem facit per εύ-  
στασιν, constitutionem, & δίον, positionem e-  
qualem. altera vero per αφαιρέσιν, ablatio-  
nē, idq; fecit ut latera laterib. posset aequalia  
proponere. dantur in hac propositione duo,  
aequalitas laterum duorum, & angulus an-  
gulo aequalis: idq; datum ratione dari dicitur:  
queruntur tria, basis basi, triangulus trian-  
gulo aequalis: reliqui denique anguli reliquis  
angulis aequales.

## SCHOLIA

Exāmēgū ēnglēg.) Quia aliās Theorema  
verum non ēst: idcirco nō simpliciter inquit  
latius lateri ēquale, sed alterum alteri. pos-  
sunt enim duo latēta simul iuncta duobus si-  
mul iunctis ēsse ēqualia: sed non idcirco tris  
angulus ēst triangulo ēqualis.

Τπῶ τῶν ἰσων.) Hoc addidit ne sumereas  
mus basin: nam in triangulis duo latera di-  
cuntur angulum aliquem comprehendere οὐτε  
έχειν, tertium vero τούτοις subtenderet:  
nam latera quæ angulis opponuntur è regio-  
ne, sunt τούτοις τὰ δύο, latera subven-  
dencia, & interdum βάσεις bases dicuntur,  
quod tanquam fundamento figura ipsa hoc  
mitatur latere.

Tρίγωνον.) Intelligit aream ipsam triangularem, seu spaciū ipsum, quod à trianguli lateribus intercipitur.

Demonstratio tota facta ex his duabus propositionibus, quæ inter se applicata conueniunt: æqualia erunt: & vicissim. Quæ inter se sunt æqualia: si applicentur, conuenient etiam inter se.

*Tεoνιοσκελλωγ.) Theoremat a pud Ge-  
meas -*

metras magnam habent varietatem. alia enim sunt αὐτλᾶ, simplicia, in quibus unum est datum, & unum quæsitum: quorum & data, & quæsita diuidi & seiuigi non possunt. Ut si dicat Euclides; omnis triangulus æquicrurus: habet angulos ad basim æquales. alia composita συνίστηται, quæ ex pluribus vel datis, vel quæsitis constant. ut data sint plura, & unum quæsitum: vel plura quæsita, & unum datum, vel denique plura data, & plura quæsita. composita sunt duplia: quedam dicuntur συμπεισθέντα, quæ possunt in alia simplicia i theorematâ diuidi: ut cum dico trianguli, & parallelogramma sub eadem aititudine existentia: eam habet rationem, quam basis ad basim. de veroque enim, & triangulo, & parallelogrammo seorsim eadem dici possunt. Quedam verò αὐτούς πολεύχεται, quæ cū sint composita, in simplicia tamen theorematâ diuidi non possunt: quale est præcedens theorema quartum. Est & alia diuisio theorematum, de qua alibi. Hoc theorema ex utraq; parte, dati nempe, & quæsiti compositum est: idcirco etiam distinxit, quæ data sunt & quæ quæsita.

## SLHOLIA.

Eas τριγώνων.) In hac propositione duo nobis occurunt explicanda: primum est ἀναστορφὴ τῶν περιάσεων: alterum ἀπαγωγὴ εἰς τὸ ἀδυάτον. Est autem ἀναστορφὴ τῶν περιάσεων: quando ex dato alicuius propositionis, sit quæficium: & ex quæficio datum. ut triangulus aequicrurus, id est, habens duo aequalia latera: etiam angulos ad basim habet aequales, per ἀναστορφὴν, conuerzionem sic. Triangulus qui angulos ad basim habet aequalia: etiam est aequicrurus, id est, duo habet aequalia latera: nam proposicio quinta hic cōuertitur iam dicto modo. Est etiam alia conuerzionis ratio in propositionibus compositis obseruata: quæ sit permutatione partium, et si non omnium, tamē aliquarum: ut sit in octaua propositione: quæ cōuertitur cum quarta. Quare noremus hic esse duo genera propositionum: unum est τῶν περιγραμμῶν, quando id quod natura subiectum est, datur: quodū illi per se inest, queritur de eodem: alterum τῶν ἀντιστοροφῶν, cum ē contrario σύμπλωμα seu accidens quoddam datur: et id, cui hoc accidit, in quæstionem adhibetur. ut in his duabus li-

bus licet videtur propositionibus, quinta, & sexta. Proximum est, ut dicamus de ἀναγωγῇ eis τὸ ἀδύνατον, de reductione ad impossibile. sciendum itaque est, quod omnis demonstratio mathematica, vel sic dicitur τῶν δεχῶν, quae ab ipsis principiis ad ea, quae ex his demandant, progreditur: vel ὅπερι τὰς δεξάς, dum à re proposita regressus fit ad principia. veraq; vero est duplex: illa enim vel ex principiis rem propositam confirmat: vel ex rebus antea affirmatis, & concessis: hæc autem vel est δέλικη, & nominatur ἀνάλυσις, cui opponitur συνθesis: vel ἀναγέλικη, & dicitur ἀπαγωγὴ eis τὸ ἀδύνατον. est autem reductione ad impossibile: quando in aliquid manifestum absurdum, & impossibile definimus: & cuius contrarium omnes fatentur esse verum: eam quoque faciunt bifariam: vel enim nos deducit ad ea, quae principiis, ipsisque axiomatisbus manifeste repugnant, ut si quis sua argumentatione eò deueniat, totum esse aequali parti: vel ad id, quod demonstratis, & affirmatis è directo opponitur: sicuti facit in demonstratione propositionis octauæ. fit igit;

## SCHOLIA.

eur redditio ad impossibile, cum id quod ques-  
sito repugnat, accipimus pro vero: & ita pro-  
grediendo tandem in manifestum absurdum  
incidimus: quo deniq<sup>u</sup>s sublato, id confirma-  
mus, quod ab initio erat propositum, verum  
esse. Hac demonstrandi forma syllogismis v-  
ritur hypotheticis, quemadmodum in dire-  
ctis demonstrationibus utimur categoricis.  
Hoc in loco Euclides conuersione est usus in  
propositionis partibus: deductione vero in  
ipsa delineatione, ac demonstratione.

Επί τῆς αὐτῆς.) In geometria, & Arith-  
metica, ut plurimum sunt propositiones vni-  
uersales affirmatiæ: verum Euclides hic po-  
suit negatiuam, sed omnibus additamentis  
ita eam muniuit: & tam certam, atq<sup>ue</sup> indubi-  
tatem reddidit: ut minime conuinci possit:  
quamvis non magnum in Geometria usum  
habeat: tamen præcipue posita est ad confir-  
mandam octauam propositionem.

Τιμόθεον.) Angulus hic datur specie  
tantum: potest enim omnibus quatuor modis  
dari, nempe positione, cum ad certum quod-  
dam punctum constituitur: forma deinde, ve-  
si po-

si ponatur esse rectilineus: ratione vero, quando duplum et triplo sumus statuo: denique magnitudine, si dicam eam esse tertiam recti parem,

Πεπερασμένω.) Omnis enim linea recta aut est finita ex veraq; parte; aut ex altera ranson finita, et ex altera infinita: aut denique ex veraq; parte infinita.

Kájetoꝝ θεῖον.) Kájetoꝝ perpendiculus laris etiam dicitur γνώμων: & eandem habet naturam cum ea, quae nominatur ἡ περιόδης γεωμετρίας. est autem duplex: una plana, altera solida. plana perpendicularis est: quando à punto aliquo, ad lineam rectam in eodem plane existentem alia linea recta ducitur: ut anguli coniugii sint aequales; quam in hoc loco antea ducere præcepit. Solida, que in Stereometria consideratur, dicitur quando punctum in alio fuerit plane: & non ad rectam, sed ad aliud planum ducetur linea quædam ad angulos rectos. differunt igitur inter se: quia perpendicularis est in eodem plane, & ducitur ad lineam rectam: solida vero non in uno eodemque plane, nec etiam ad rectam, verum ad planum ducitur: denique in solidâ id consi-

## SHOLIA

derandum, quod ad omnes que in eo sunt plano rectas, non ad unam tantum, ut plana, debet esse perpendicularis.

Andegov.) Quae pro nostro sumitur arbitrio satis longa vel breuis, longior vel brevior: verius fuerit necessarium esse ad rei demonstrationem.

Kατὰ κερυφίων.) Differunt anguli ēΦεξῆς, & anguli κατὰ κερυφίων: quod anguli ēΦεξῆς contigui fiunt per lineam, quae alteram non secat: sed anguli κατὰ κερυφίων per lineas duas se seccantes, sic dicti sunt, quod vertices in uno coniungant puncto.

Ex δη τριτά.) Locus hic expostulat ut aliquid dicamus de corollario. in elementis igitur πορίσματα, seu corollaria sunt propositiones, que dum alias demonstrantur, simul apparent, & manifestae fiunt: nobis etiam non querentibus, aut inuestigantibus eas, quale est hoc præsens πόρισμα. dum enim propicitur, quod duabus lineis rectis se seccantibus, anguli ad verticem sine inter se aequales: et firmis demonstratur rationib. in ipsa occurrit nobis demonstratione: quia non illorū angulos es-

los esse aequales, quatuor rectis. Itaq; lucrificimus per ipsam hanc propositionem, hoc πόροις. tripliciter vero dividuntur: primum enim omne corollarium vel est Geometricū, vel Arithmeticum, vel alterius scientiæ, ut iam dictum, proprium est Geometriæ. In secundo vero Euclidis libro, propositione secunda, est Arithmeticum. deinde quedam corollaria sequuntur ipsa problemata: quedam vero theorematata: nam in hoc loco theorematis corollarium habemus: verum in libro secundo problematis. certò alia corollaria sunt demonstrationis directæ: alia vero indirectæ. sicuti hoc praesens porisma, natum est ex demonstratione directa: sed in propositione prima libri tertij: facta demonstratione per reductionem ad impossibile, nascitur corollarium. possunt & alia porismatum discrimina tradi: nobis ramen haec monstrasse satis est.

Ex̄ ḥōs γωνία.) In definitionibus montios nem facit divisionis angulorum substantialis: nunc alia est facienda eorum divisione per accidentem. omnis angulus vel est cōs̄t̄os, vel c̄n̄t̄os. id est, omnis angulus vel est intra ipsam figu-

## SCHOLIA.

ram, vel exera eam. deinde anguli quidam sunt iPhi $\xi$ ns, quidam autem c $\alpha$ v*s*io*n*, id est, coniungi, aut opposici. in triangulis igitur sic seres habet, quando aliquod trianguli latus extenditur: nascitur angulus qui ad ipsam trianguli substantiam non pertinet, & cum extra figuram existat: nominatur externus. Verum ex illis tribus, qui ad triangulum pertinente*n*: unus qui ei est proximus, nominatur contiguus, reliqui vero duo oppositi: respectu eius, qui extra triangulum est.

Πάντι μεταλλαγματόδημα ) Est Geometria phrasis, qua veimur, dum volumus ostendere, quovis modo sumi vel latere, vel aliquod aliud Geometriae subiectū, aut accidēs per se.

Explicauit Euclides quæcunq; in primis illis elementis poterant dici, de triangulorum constitutione, aequalitate, aut inaequalitate eorundem, aut etiam laterum, & angulorum: nunc pergit de quadrilateracis figuris enarrare ea, quæ ad eorum contemplationem elementarem pertinēt. Cum vero ex lineis & que distantibus sint eiusmodi figurae & prius earum proprietates docet, & parallelogramma constituit:

stituit: postea persequitur doctrinam de figura quadrilateris, seu parallelogrammis. est autem παρεγγέλλογεαμυον figura quæ circumscribitur lineis rectis æquedistantibus, atq; oppositis inter se.

Tria itaq; in lineis parallelis sunt consideranda, quæ eis per se insunt: & ita attribuantur: ut inde cognoscere possumus lineas rectas esse æquedistantes. Primum est, ut anguli cùm à alterni (qui sunt per lineam rectam in alias duas rectas incidentem) sint inter se æquales. Alterum, recta linea incidente in duas alias rectas: si anguli interni fuerint duobus rectis æquales: tum propositæ duas rectæ sunt æquedistantes. Postremum, Recta linea secante alias duas rectas: si externus angulus, angulo interno sibi opposto ex eadem parte, fuerit æqualis: iterum erunt illæ rectæ æquedistantes.

(η εἰς τὰς.) Hoc Theorema conuertitur cum ambobus precedentibus. in demonstracione utitur propositione, quæ inter principia est relata: sed principium non est.

Παντος τειγών.) Ea que decima sexta,  
& de-

## SCHOLIA.

Et decima septima propositione erant om issa:  
in hac præsenti addit, et quanto minores sine,  
explicat: nempe tertio, et huius propositionis:  
maxima est utilitas.

Ai τὰς ἵσες.) Hæc propositio finit doctri-  
nam linearum aequidistantium: et incipit pa-  
rallelogrammorum traditionem.

Τῶν παραλληλογράμμων.) Postquam  
constituit parallelogrammon: inuestigat tria  
qua parallelogrammis per se insunt. Primum  
latera opposita esse aequalia. Secundam, an-  
gulos oppositos esse aequales. Tertium, dia-  
metrum per medium ipsam secare figuram.  
Ita fit, ut à lateribus ab angulis, et ab ipsis  
areis, proprietates inquirat parallelogram-  
morum.

Παρὰ τὴν δοθεῖσαν.) Tria sunt apud Ge-  
ometras vocabula: παραβολὴ, ἀπερβολὴ,  
εἶλεψις. cum enim figura applicatur ad  
lineam rectam: ut neq; excedat, neq; deficiat:  
est tum παραβολὴ applicatio, quando ve-  
rò excedit ἀπερβολὴ: cum deficit εἶλεψις  
acq; in Conicis figuris maximè considerantur  
ista.

Απὸ

Απὸ τῆς.) Videtur Euclides voluisse præstantiores figuras rectilineas describere: in triangulis, cum quem æquilaterum nominamus: in quadrilateris figuris ipsum quadratū.

Αναγέρθη.) Vtitur hoc verbo, quoniam ab uno latere describitur: ουσήσασδε γέρο est, cùm ex multis constituitur.

Εν τοῖς ὀρθογωνίοις.) In hoc, & sequenti theoremate vtitur λήμμασι, id est assumptionibus propositionibus, vtpote: Quæ ab æquilibus rectis lineis descripta sunt quadrata: illa sunt aequalia inter se. item æqualium quadratorum. æqualia sunt latera.

In quibusdam etiam propositionibus vtitur alijs λήμμασι, assumptionibus, quas hic subiungam.

I. Si prima magnitudo fuerit æqualis magnitudini secundæ: & secunda maior sit tertia: erit etiam prima maior quàm tertia.

II. Si prima magnitudo fuerit maior secunda: & secunda sit æqualis tertie: erit etiam prima maior quàm tertia.

III. Si

SCHOLIA.

III. Si prima magnitudo fuerit maior quā secunda: et secunda maior sit quā tercīa: erit etiam prima longē maior quā tertia. Sunt & alia huius generis, de quibus aliās.

EX SCRIPTIS HIERONIS  
Alexandrini de Geometricis definitionibus  
selecta quedam in usum Academie  
Argentinensis.

**P**unctum est, cuius nulla est pars: aut terminas sine interullo: vel terminus linea. eius vero natura talis est: ut ratio et tantum percipiatur: quia nullam habet partem, neque ullam magnitudinem. ideoque aiunt punctum tale quippiam esse: quale est id quod in temporis consideratione praesens & instans est tempus atque momentum. immo tanquam unitas quae positionem habet. Itaque patet punctum quo ad substantiam idem esse cum unicitate. Sunt enim ambo talia, quae diuidi nequeunt,

queunt, & incorporeæ atq; partis experientia existunt) differunt tamen superficie & habitudine. Unicas etenim est principium numeri: punctum verò principium substantiæ geometricæ. sed est principium ipsa expositione, non uerem ut pars linea: sicuti unitas est pars numeri: simul tamen percipitur. nam quando mouetur, vel potius imaginamur moueri, illud intelligimus in linea fluxu. unde etiam punctum est principium linea: superficies verò est principium corporis solidi.

Linea verò est longitudo absque latitudine: vel primum quod in magnitudine habet subsistentiam: aut id quod unico interuallo constans diuidi potest. Fit autem linea; quando ex superiori loro deorsum fluit punctum: atq; eius notio comprehenditur per continuationem, finiturq; punctis: ibs amet existens superficie terminas. Dicerur itaq; linea esse id ipsum quod distinguit radium solarem ab umbra: aut umbram à parte illuminata: quodius in ueste intellecta atq; concepta tanquam continuo separat: purpuram à lana: & econtra lanam à purpura. Nunc ergo cum consuetudine quadam

## GEOMETRIAE

quadam habeamus lineæ notionem : quia longitudinem tantum habet: non autem latitudinem aut profunditatem : ideo dicimus parietem exempli gratia esse centrum vlnarum: neque illius respicimus aut latitudinem aut crassitatem . sic quoq; viam quinquaginta stadiorum, vbi longitudinem tantum, non autem latitudinem stadiorum inquirimus. quasi linearis sit hæc ipsa enumeratio : quam & Euthimetricam nominant.

Lineæ aliae sunt rectæ, aliae rectæ non sunt: atq; ex ijs que rectæ non sunt: nonnullæ quidem circulares existunt, que & circumferentiae nominantur. quedam verò speciem habent helicæ, reliqua sunt curvæ. Est itaque linea recta que ex aquo inter sua est posita puncta, erecta existens, & tanquam ad extremum extensa ad extremitates: eaq; est vici-nissima omnium linearum, que inter duo puncta ductæ, eadem habent externa puncta: cuius quoq; partes omnibus paribus omni modo applicatae solent conuenire. deniq; recta linea est que manentibus extremis: ipsa quoque manet immota. tanquam ea que vertetur in eodem

codem piano. atq; circa eadem extrema per-  
petuo eundem tenet locum. neq; verò una re-  
cta, neq; duæ figuram facere possunt. Circula-  
res lineaæ sunt, quæcumq; circulariter, vel cir-  
ca unum punc̄tum ad extremum extensæ, vel  
circulos, vel circulorum partes absoluunt: so-  
lae ex omnibus alijs lineaīs efficiētes figuram.  
Curvarum atq; flexarum linearum numerus  
est infīnicus. aliae siquidem in easdem partes  
habent sua concava: nonnullæ verò non ha-  
bent. Linea ergo flexa concava in easdem par-  
tes est: quando duobus in ea sumptis punc̄tis  
quibuscumq; recta quæ illa coniungit punc̄ta:  
vel in ipsam cadit lineam: vel intra eam: nun  
quam verò extra ipsam. quæ verò hoc modo  
se non habet: non est flexa concava linea in  
easdem partes. Helix autem seu helical linea  
in piano quidem est, quando alicuius linea  
rectæ altero extremo manente, mota ipsa in  
plano fuerit: donec ad eundem redeat locum:  
simul punc̄tum aliquod circumfertur: quod  
cum recta simul moueri cōperat à manente  
se extremo. linea illa itaque quæ per hanc  
rellam sit, est circulus: linea verò altera quæ

## GEOMETRIAE

*fit per punctum quod circumfertur ad lineam  
rectam, appellatur helix vel helica.*

*Quando parallelogrammi alicuius uno la-  
tere rectum angulum ambientibus manen-  
te: ipsum parallelogrammum quidem circum-  
uoluitur, donec ad eum unde cœperat moueri  
locum redeat: atq; simul cum parallelogram-  
mo punctum aliquod circumuoluitur in linea  
æquidistanti non manente: atq; illud ab alie-  
ro extremo incipiat: tum figura motu paral-  
lelogrammi facta nominatur Cylindrus: illa  
vero quæ fit per punctum quod circumfertur  
linea: fiet helica: cuius quævis pars cuius par-  
ti applicata conuenit: quando eius concava in  
eisdem fuerint partes.*

*Superficies est quæ longitudinem & lati-  
tudinem tantum habet: aut terminus atque  
finis corporis & loci, vel magnitudo duorum  
interuallorum: vel etiam finis & terminus  
cuiusvis figuræ solide aut planæ appartenens in  
duobus longitudinis scilicet atq; latitudinis  
interuallis. Fit autem fluxu linea secundum  
latitudinem fluentis à dextris ad sinistra.  
Intelligitur autem superficies esse omnis um-  
bra,*

bra, omnisq; color. unde & Pythagoræ super  
ficies appellarunt colores: Sic intelligetur e-  
tiam quando aët terra miscetur: aut corpori  
alio solido & vel aër aquæ: aut aqua poculo, vel  
simili alicui vasi. Superficies plana est  
que ex equo inter suas posita est lineas re-  
ctas. recta existens explicata: quam cum rea  
ta linea in duobus punctis tangit: etiam tota  
ipsa omni loco omnimode applicata conue-  
nit. præterea breuissima ex omnibus que  
ijsdem continentur terminis superficiebus:  
cuius deniq; omnes partes applicatae conueni-  
te solent. Superficies vero non planæ sunt:  
que hoc modo se non habent: hoc est quæ se-  
cundum lineam rectam non sunt explicatae;  
sed quandam habent inæqualitatem: neq; per  
omnia sunt erectæ:

Corpus solidum est: quod longitudinem,  
latitudinem, & profunditatem habet: vel  
quod tribus vietur interuallis. Vocantur au-  
tem corpora solida: ipsa loca. Corpus itaq; ma-  
themeticum est, quod tria habet interualla:  
sed corpus simpliciter dicunt, quod tribus

## GEOMETRIAÆ

constat interuallis cum repercusione aut du-  
ritie atq; reflexione. Omne verò corpus ter-  
minaatur atq; finitur superficiebus : atq; sic  
quando superficies ab anterioribus ad poste-  
riora ducitur.

Angulus est ad vnum punctum contra-  
dictio: que fit atq; perficitur per superficiem aut  
lineam refractam. appellatur verò refracta  
linea: que si protrahatur ipsa sibi ipsi conci-  
dit. Anguli autem omnes aut sunt plani, aut  
solidi: atq; hi plani & solidi anguli: alij sunt  
rectilinei, alij verò rectilinei non sunt. Com-  
muniter itaq; planus angulus est, inclinatio  
duarum linearum in eodem plano sese mutuo  
tangentium, & non è directo positarum. Sunt  
autem non continuae sese mutuo tangentes li-  
neæ: quando altera protracta suo nutu in al-  
teram non incidit. Aliter. Angulus planus  
est inclinatio lineæ in plano ad vnum pun-  
ctum, vel contractio ad vnum punctum per  
lineam fractam. Angulus verò planus recti-  
lineus nominatur, quando lineæ que cum con-  
tinent fuerint rectæ. vel enim angulus planus  
est nutus & coniio linearum inter se, in eo-  
dem

dem plano, aut lineæ rectæ ad unum punctum reflexio. atq; sic Pythagorei angulos hos appellarunt glochinos, hoc est, cuspidales angulos. Angulorum quidem in planis superficiebus non rectilineorum: est infinita multitudine rectilineorum verò angulorum species sunt tres. alij siquidem recti, alij acuti, alij deniq; obtusi vocantur. Angulus itaq; rectus est, qui est oppositò angulo aequalis. Oppositi verò anguli sunt, quos facit recta super recta stans. Nam si recta super recta fuerit constituta: feceritq; angulos cōtiguos inter se aequales: cum unerq; equalium angulorum est rectus. Acutus est angulus qui minor est recto: obtusus qui recto maior. Nam si recta super recta constituta fecerit angulos inaequales: cum minor nominatur acutus: maior verò obtusus. Omnis itaq; angulus rectus: omni recto est aequalis, non autem omnis acutus omni acuto aequalis erit: neq; omnis obtusus omni obtuso aequalis. quia cum recta super recta fuerit constituta, atq; ab angulo recto declinauerit: cum eousq; minuitur acutus angulus: donec in unum coeant due lineæ rectæ, & altera alteri

## GEOMETRIAE

congreditur: seu altera in alteram incidit.  
sic etiam recta super alia recta constituta, &  
ab angulo recto declinata, eousq; maior sit an-  
gulu obtusus, donec perpendicularis quasi re-  
supinata incumbens recta: si que subiecta est  
continua fiat. Angulus itaq; rectus: et tempus  
praesens seu instans: deniq; unicas: eodem se ha-  
bent modo. nam angulus rectus idem existens  
consistit. cum tamen acutus & obtusus in in-  
finium vsq; mutentur. sic & unicas eadem  
permanet: diuisio verò & compositio nume-  
rorum circa ipsam fit: eodem modo tempus  
praesens seu instans: & ipsum consistit: praece-  
rium verò & futurum in infinitum proce-  
dit. Angulus solidus communiter est contra-  
ctio ad unum punctum, quando superficies ex-  
iisdem partibus habuerit concava. Atq; ali-  
ter: Angulus solidus est qui pluribus quam  
duobus planis angulis continetur: vel con-  
tractio solida ad unum punctum superficie  
refracte ad lineam: quæ etiam protracta: ipsa  
sibi ipsi non coincidit. Intelligitur verò pro-  
tracta esse, quando nun apparet totam suam  
longitudinem egressa esse: sic & planum pro-  
tractum.

tractum esse intelligimus. Proprietatem tamen anguli rectilinei solidi appellantur, quorum superficies quæ angulos faciunt continentur angelis rectilineis: ut pyramidū et polyedrorum atq; cuborum, anguli vero solidi non rectilinei sunt, qui hoc modo se non habent, ut anguli conorum.

Figura est, quæ termino vel terminis qui busdam concinetur: aut est id quod inclusum est uno vel pluribus finibus atq; terminis. hoc est id quod bene figuratum & efformatum existit. Alio etiam modo dicitur figura ab eo quod est finis & limes includens figuratum, nominatur vero figura à fingendo, hoc est ab eo quod est inclusum, aut quod includit. Differet vero id quod continet à termino atq; fine, quia & punctum est terminus atq; finis, verum non efficit figuram, termini vero figurarum sunt superficies & lineæ. & sic termini scilicet appellantur à distinguendo & terminando aliquousq; ipsam figuram, hoc est ostendunt figurarum fines & extremitates. Figure vero aliae quidem sunt planæ, aliae vero solidæ, planæ quæ in eodem plano omnes habeb-

## GEOMETRIA E

lineas: solidæ autem, quæ in eodem plano non omnes habent lineas. Acq; ex figuris quæ in superficiebus existunt, nonnullæ sunt incompositæ: quædam verò compositæ. incompositæ quidem quæ ex lineis factæ non sunt. composite autem quæ ex lineis sunt: figurarum verò compositarum & in superficiebus existentium: aliæ sunt factæ & composite ex partibus eiusdem generis: aliæ verò ex partibus alterius generis, ut sectores sicuti vocant circulorum & semicirculi, & hæpsides & maiora circulorum segmenta. eodem nomine appellari possent menisci seu lunulæ & reliqua huius generis figuræ.

Circulus est figura plana unica linea concreta. figura ipsa appellatur circulus: linea verò figuræ ipsam continens circumferentia: ad quam omnes rectæ à punto quod in figura est ductæ: sunt inter se æquales. Si itaq; punctum illud in eodem fuerit plano: appellatur centrum: sed si in eodem plano non fuerit, polus dicitur, ut se res habet in circulis sphærarum. Alio modo etiam circulus nominatur: figura quæ ad omnes parcos æqualla facit intervalla: his

*la: sit verò circulus, quando recta quædam linea, in eodem existens piano, uno extremo manente, alterum circumductum ad eundem redit locum, unde cœperat moueri.*

*Diameter verò circuli est recta quædam linea per centrum ducta: & ex veraq; parte circumferentia circuli terminata: quæ etiam circulum secat in duas partes æquales: vel est recta per centrum vñq; ad circumferentia ducta. Semicirculus est figura, diametro & circuli circumferentia intertexta contenta: vel figura diametro & circumferentia circuli contenta. Communi nomine segmentum circuli est, siue sit maius siue minus semicirculo: figura quæ recta & circuli circumferentia continetur. Angulus in segmento circuli est, quando in circumferentia segmenti sumptum fuerit aliquod punctum: à quo punto ad extremitates lineæ rectæ ductæ fuerint rectæ aliae; ille inquam angulus duabus bisectis contentus.*

*Sector circuli est figura duabus rectis & vñica circumferentia contenta. vel est figura contenta rectis, quæ quæmuis in circulo ad cen-*

## GEOMETRIAE

trum constitutum angulum comprehenduntur  
et circumferentia circuli illis intercepta. Om-  
nis vero circumferentia iuxta intelligentiam  
quidem ad figuram comprehensam: nomina-  
tur Causa: sed secundum intelligentiam eius  
quod figuram comprehendit, conuexa.

Meniscus seu Lunula est figura duabus  
concentricis circumferentijs, vel duobus circulis  
non circa unum idemque centrum existentibus,  
excessus concava et conuexe superficie: vel  
etiam figura quae clauditur duabus circum-  
ferentijs habentibus concava in eisdem par-  
tes. Corona est figura duabus conuexis  
circumferentijs concentrica: vel excessus duorum  
circulorum circa unum idemque centrum. Pe-  
licis seu securis est figura quatuor compre-  
hensa circumferentijs duabus concavis, et  
duabus conuexis. Sed ut in universum dia-  
cam figurarum planarum circumferentijs  
concentricarum multitudo innumera est: taceo  
earum, quae in superficiebus existunt. Figuræ  
planæ rectilineæ, aliae quidem sunt triangu-  
lares seu trilateræ: aliae quadrangulares aut  
quadrilateræ: nonnullæ deniq; in infinitum  
multæ

multangulae & multilaterae. Triangulus ita  
que est figura plana tribus lineis rectis con-  
tentia; atque tres habens angulos. Genera-  
lisimae vero triangulorum aut trilaterarum  
figurarum species sunt sex, à latibus qui-  
dem alijs trianguli nominantur equilateri,  
alijs aequicruri, quidam scaleni. ab angulis ve-  
rò denominati quidam rectanguli, nonnulli  
oxigonij, reliqui amblygonij, ac qui triangu-  
lorum rectangulorum duo sunt genera: trian-  
gulus aequicrurus, & triangulus scalenus: pro-  
pterea quod non sit triangulus rectangulus  
equilaterus. ceteri omnes trianguli non re-  
ctanguli, excepto equilatero non duas tan-  
tum habet naturas: sed in infinitum usq; egra-  
diuncur numerum. Est vero triangulus e-  
quilaterus, quando tria habet aequalia late-  
ra, & tres aequales angulos. Aequicrurus au-  
tem cum duo tantum aequalia habet latera.  
Scalus deniq; triangulus, quicunq; tria ha-  
bet inaequalia latera. Triangulus rectangu-  
lus est, qui unum habet angulum rectum:  
oxigonius qui tres habet acutos. Ambigo-  
nius qui unum habet angulum obtusum.

Quare

## GEOMETRIAE

Quare trianguli æquilateri omnes sunt oxygonij: verum æquicruri & scaleni: alijs sunt rectanguli, alijs oxigonij, quidam amblygonij.

Figura plana quadrilatera est: quæ quatuor continentur lineis rectis: et quatuor habet angulos, quarum aliae sunt æquilateræ, aliae vero æquilateræ non sunt: et quæ aequalia habent latera: nonnullæ sunt rectangula, aliae vero rectangula non sunt. Itaq; figuræ quadrilateræ rectangulae appellantur quadrata: rectangulae vero, sed non æquilateræ: oblongæ seu altera parte lōgiores: sic quoq; quadrilateræ figuræ, quæ æquilateræ quidē sunt: non autem rectangulae dicuntur Rhombi. denique quæ neq; latera habent aequalia, neq; angulos rectos: sed latera tantum opposita aequalia, et angulos oppositos aequales: vocantur Rhombœidea. Præterea ex figuris quatuor lateribus contentis quedam nominantur parallelogramma: alia vero parallelogramma non sunt. Parallelogramma ergo sunt quæ latera opposita habent aequidistantia: quæ vero haec sic non habent, neq; parallelogramma vocabuntur. Sed parallelogramma rectangula, dicitur

cunctur rectis angulum rectum comprehen-  
denteribus contineri. Nam illud parallelogram  
mum est maximum eorum, quæ lateribus a-  
equalibus continentur, quod est in angulo  
recto, quia infinitum intelligimus. Ea verò  
parallelogramma quæ sunt diuersa, & inter  
se differentia lateribus quibus continentur:  
& aream differentem habentia: sunt minora:  
illud autem quod angulum babet rectum, est  
maximum. ideoq; cum acuti anguli semper  
minores inueniantur: ij qui metiri volebant  
basce figuræ: terminum & finem seu modum  
posuerunt doctrinam de angulo recto aut fi-  
gura rectangula quadrilatera. Omnis verò  
parallelogrammi eorum parallelogrammo-  
rum quæ circa eius diametrum sunt unum  
quodcumq; illud sit: cum duobus complemen-  
tis appellatur gnomon. In vniuersum verò  
gnomon est id quod assumit qualecumq; con-  
cinnum, vel qualecumq; numerum (ut Ge-  
orgius Valla inquit) atq; rotam ipsam figu-  
ram facit similem ei quod assumpsit. Præter  
iam numeratas figuræ quadrilateras: aliae  
nominantur Trapezia: aliae Trapezocidea.

Sunt

## GEOMETRIAE

Sunt autem Trapezia quæcunq<sup>b</sup> duo latera  
habent æquidistantia. Trapezoida vero,  
quæ nulla habent æquidistantia latera. Ex-  
trapezis vero quedam sunt equicrura, que-  
dam vero scalena. equicrura quidem quæ ha-  
bent latera nō æquidistantia inter se æqualia:  
Scalena vero quæ latera non æquidistantia  
habent inæqualia. Figuræ multilateræ planæ  
sunt, quæ pluribus quam quatuor rectis lineis  
continentur. ut sunt pentagona, hexagona, et  
sic continent progredivendo in infinitum, re-  
liqua polygona.

Basis dicitur figuræ planæ, linea inferiore  
intersecta loco: & latus figuræ planæ est li-  
nea una ex ijs quæ figuram claudunt. Dia-  
gonius vel diagonalis est recta linea ab angu-  
lo in angulum ducta. Kathetus seu perpendi-  
cularis est recta linea à punto aliquo ad re-  
ctam aliam ducta. Kathetus vero ad angu-  
los rectos dicitur: quæ angulos coniugios fa-  
cit rectos in linea recta super qua est erecta:  
Æquidistantes lineæ vocantur quæ nunquam  
concurrunt: & qua in eodem plano existen-  
tes: atq<sup>b</sup> ex vtrq<sup>b</sup> parte protractæ, ex neutrâ  
tamen

ramen concurrunt: quæ neq; annuunt neq; abnuunt in eodem plano: sed perpendiculares omnes habent æquales, quæ à punctis vnius lineæ, ad alterius lineæ puncta ducuntur. Et quedam verò non sunt, quæcunq; annuentes perpendiculares faciunt maiores. Trianguli altitudo nominatur recta perpendicularis, à vertice ad basim ducta.

### Stereometriæ nomina.

Superficies in figuris solidis aliae quidem dicuntur esse incompositæ: aliae verò compo- sitæ. Sunt autem incompositæ, quæcunq; pro tractæ ipse in seipsoe incident, ut superficies sphæræ. Compositæ verò quæcunq; protractæ sese mutuo secant. Ex superficiebus autem compositis: aliae factæ sunt ex illius satum & dissimilium generum: aliae ex similium gene- rum partibus. ex dissimilium quidem ut su- perficies conorum & cylindrorum, atq; alia- rum huiuscmodi figuratum. ex similium ve- rò sunt superficies solidorum rectilineorum. Quanquam & iuxta aliam divisionem su- perfi-

## STEREOMETRIA

perficies in figuris solidis quædam sunt simplices, quædam mixtae. Simplices sunt in solidis planis, superficies sphærica: mixtae autem conica atq; cylindrica & his similes. nam hæ sunt mixtae ex plana & circumferentiali. Speiricae enim mixtae sunt ex duabus circumferentijs. sunt etiam aliæ plures, ut compoſita, sic mixtae infinitæ. Lineæ in solidis figuris aliquæ quidem sunt simplices, nonnullæ verò mixtae. simplices quidem lineæ rectæ & circumferentiales. mixtae, ut sunt conicæ & speiricæ, atq; he sanc sunt ordinatae; inordinatarum verò linearum infinitus est numerus, sicuti & compositarum.

Sphæra est figura solida unica superficie contenta, ad quam ab uno punto in medio sphærae posito: omnes lineæ rectæ producuntur inter se æquales. vel est figura solida, ex extremis partibus rotunda, ita ut à medio omnibus distantias omnifarie habeat æquales. Nam quando Semicirculi alicuius diametro manente, ipse semicirculus circumducitur: atq; redit in eum unde cœperat moueri locum: tum superficies, quæ sit per semicirculi circunference.

cumferentiam appellatur superficies sphaerica. solidum autem ita comprehensum: sphaera vocatur. medium vero huius figurae solidae seu sphaerae punctum, nominatur cenerum. Diameter vero sphaerae appellatur axis, atque est linea recta quadam per cenerum ducta, terminata ex veraq[ue] parte in sphaerae superficie immutabilis permanens. circa quam sphaera ipsa mouetur et vertitur. Extremitates vel extrema puncta axis appellantur Poli, quod si sphaera secetur, cum sectio fiet circulus. Circuli polus in sphaera dicitur punctum, in superficie sphaerae, a quo omnes lineae rectae, ad circumferentiam ductae: sunt inter se aequales. Sicuti vero in figuris planis isoperimetricis: circulus est maxima figura plana; ita in figuris solidis isoperimetricis: maxima est figura sphaerica: ideoq[ue] capacissima, et quae in se comprehendit cetera omnia.

Conus est figura solida, habens basim circulum, et ad unum punctum in vertice contractum: quod si enim a punto sublimiori ad circuli circumferentiam ducta fuerit linea quedam recta: eaq[ue] fuerit circumducta, donec

## STEREOMETRICA

in eum vnde ceperat moueri , locum redeat : figura quæ hoc modo fit , conus erit . Alter . Quando trianguli rectanguli uno latere manente , quæ rectum continent angulum : triangulus iste circumducitur , donec redeat ad eum , vnde ceperat moueri locum : figura quæ hoc fit modo , est conus . atq; comprehensio facta per subtendens latus trianguli appellatur conica superficies . figura verò solida compres hensa , Conus . Basis coni , circulus ipse . vertex eius punctum sublime . Axis coni recta à vertice ad cenerū circuli ducta : hoc est recta illa immobilis & permanens , circa quam conus vertitur . Equicrurus conus dicitur , qui lata triangu li habet æqualia . Scalenus verò conus , qui est inæqualis . Rectangulus conus est , quando latus immobile , fuerit æquale lateri circumducto . vel quo facto per axis coni angulus qui in superficie fit , fit rectangulus . Oxigonius conus est , cuius latus immobile maius est quam quod circumducitur : vel quo facto , triangulus qui fit , est oxigonius . Amblygonius conus est , cuius latus immobile minus est , quam quod circumducitur : vel quo facto ,

secto, triangulus qui sit in superficie, est triangulus amblygonius. Colurus conus appellatur, qui habet verticem mutilum & truncatum. Superficies vero coni nunc conuexa, nunc concava dicitur. Si autem conus sectus fuerit, per verticem: efficit triangularem illam sectionem. sed si basi æquedistanter secedatur, facit circulum: quod si non æquedistanter sectus sit, efficit aliud quoddam lineæ genus: quod solemus appellare confectionem. Ex quibus sectionibus coni, alia dicitur rectangula, alia vero amblygonia, est quæ oxygonia appellatur. Oxygonia itaq; est quæ sibi ipsi conjuncta, & seipsum tangens: efficit figuram aurealem: quæ à quibusdam nominatur Elleipsis. Sectio vero rectangula parabole: denique Amblygonia hyperbole dicitur.

Cylindrus est figura solida, quam perfici & absolui intelligimus, quando parallelogrammum rectangulum circumvoluitur circa unum ex lateribus immobile & fixum latere parallelogrammi, quod quidem parallelogrammum si reuertatur unde ceperat moueri, efficit cylindrum. Atq; recta immobilis

## STEREOMETRIA

circa quam cylindrus vertitur, appellatur axis. & eius basis sunt circuli, qui sunt per aequalia parallelogrammi latera. Sed cylindri sectiones: aliae sunt parallelogramma, aliae vero oxygoniorum conorum sectiones. Secatur vero solidum corpus per superficiem, superficies per lineam, linea per punctum. Interdum vero dicitur per lineam secari, facto respectu & collatione ad punctum, sic & superficies per superficiem secatur, facto respectu & collatione ad lineam.

Speira fit, quando circulus aliquis in alio circulo centrum suum habens: atq; erectus ad circuli planum: circumductus in eum unde cœperat moueri locum redierit: atq; eadem haec figura nominatur orbis. Est autem disiuncta seu discontinua speira, quæ habet disiunctionem: coniuncta aut continua, quæ concidit in uno punto. atq; minor fit, permittetur ea, in qua circulus circumductus seipsum secat: sunt autem & harum figurarum sectiones propriæ quedam lineæ: atq; orbes quadrati sunt disisiones cylindrorum. Fiant autem & alia multa præsinata ex sp̄speis  
ru &

ris & superficiebus mixtis.

Figuræ solidæ rectilineæ, quædam sunt Pyramides, aliae cubi, nonnullæ polyedra, sunt quæ prismata docideis & Plinthis, & sphinxī appellantur: aliaeq; his similes. Pyramis est figura solida superficiebus planis contenta: atque ab uno plano, ad unum punctum constituta. Alter verò sic definitur. Pyramis est figura facta, & in unum punctum contracta, à basi trilatera, aut quadrilatera, aut polygona, hoc est, ut uno dicam verbo, à basi rectilinea per triangulorum compositionem. Propriè tamen pyramis æquilatera dicitur, que quatuor triangulis æquilateris continetur: & angulis. vocatur vero hæc figura alio nomine Tetraedrum. Eicosaedrum est figura solida, viginti triangulis æquilateris contenta. Sunt autem quinque tantum eiusmodi figure solidæ, que æqualibus & similibus superficiebus continentur: atq; postea à Græcis nominatae fuerunt figuræ Platonicæ. hæc autem quinq; figurarum latera, rationem habent ad sphæram, & Euclides libro 13. elementorum demonstrauit, quo-

## STEREOMETRIAЕ

modo has quinq<sup>u</sup>figuras sphæra comprehēdat: nam Euclides tantum duas Platonis patac esse figurās. Archimedes verò tredecim ait inueniri tales figurās: quæ sphæra inscribi possint: dum bis quinq<sup>u</sup>octō adiungit: quas tam enī ipse Plato esse sciebat, ut quidam volunt. Tessarecædecaedron manifestum est constare ex octō triangulis, et sex quadratis: quōdūe, ut Pythagoræi volunt, ex terra et aère factum et compositum est: sicuti illud etiam antiquis quibusdam notum fuit. Aliud quoddam corpus constat ex octō quadratis, et sex triangulis: quod videtur difficilius esse. Uniuersaliter tamen dicemus figurās solidas rectilineas quasdam esse pyramides, alias prismata, nonnullas neq<sup>ue</sup> pyramides, neq<sup>ue</sup> prismata. quid autem pyramis sit, antea est dictum. Octaedrum est figura solida octo contenta triangulis equilateris. Dodecaedrum est figura duodecim contenta pentagonis equilateris, et equiangulis. Verum pentagonum ex quo fit dodecaedrum, est et quale tribus triangulis ad duo latera. Cubus est figura solida sex contenta quadratis et quila-

quilareris & aequiangularis. vocatur etiam hac figura hexaedrum. Prismata vero sunt quae a basi rectilinearum figurarum compositionem connectunt ad figuram rectilineam. Figure vero quae neq; pyramides, neq; prismata existunt: sunt quae a basi rectilinea figura per rectilineam compositionem ad rectam connectunt. Vocantur autem prismata quedam parallelopleura, que scilicet hexaedra existentia: habent plana opposita aequidistantia. Sunt autem plana aequidistantia, quae si protracta fuerint, non concurrunt inter se, vel in quibus descriptis aequalibus & similibus triangulis aliquibus: unum quodq; latus est aequidistantis. Kathetus seu perpendicularis in solido dicitur recta, quae a punto sublimi ad planum ducta: omnibus rectis eam in eodem plano tangentibus, esse ad angulos rectos. Prismata autem parallelopleura quedam sunt rectangularia, quedam vero rectangularia non sunt. Rectangularia quidem quaecunq; habent lineam rectangularium, tribus angulis contentam. Quae vero sic se non habent: illa etiam non sunt rectangularia. De-

## STEREOMETRIA

*cis est figura, cuius longitudine & crassitie maior est. interdum vero habet latitudinem & crassitatem aequales. Crassities autem profunditas & altitudo eadem dicitur esse. Plinthis est figura, quae habet longitudinem minorem latitudine & profunditatem nonnunquam haec sunt inter se aequalia. Sphe niscus est figura solida, quae habet haec omnia inter se inaequalia, longitudinem, latitudinem, & profunditatem: quidam hanc figuram etiam appellant bomiscum (a specie veterum ararum.)*

### Affectiones rerum geometricarum & stereometricarum.

Tangit autem linea lineam, superficiem, & corpus, in punto & in linea. punctum vero si alterum tangat punctum, fiet unum punctum. sic & linea lineam tangens, tota rotam: similiter fiet una. Recta vero circulum dicetur tangere: quae circulum tangens si producta fuerit: ex neutra ramen parte circulum secabit. Circuli vero se se mutuo tangentes dicuntur: qui cum se se mutuo tangunt: non secant se se. Recta vero ad planum

num erecta est, quando ad omnes lineas rectas quæ ipsam in eodem plano tangunt, fecerit angulos rectos. Planum verò ad alterum planum erectum est: quando linea recta in uno aliquo eorum plano, communis ipsorum sectioni ad angulos rectos ductæ: etiam reliquo plano ad angulos rectos fuerint.

Æquidistantia plana sunt: quæ nunquam concurrunt. Differunt in solidis & in planis. atq; etiam lineis, similitudo & æqualitas. Sic enim in sexto Euclidis elementorum. Duabus datis figuris rectilineis, alteræ similem quidem figuram: alteræ verò æqualem propositum est constituere. atq; in ea propositione medium proportionale inuenientes: per eam medietatem id quod propositum est, probamus: in solidis verò per duas medietates. Nunc verò dicemus vniuersaliter de æqualibus quidem, quod æquales lineæ, superficies, corpora sint: quæcunq; tota totis, vel genere vel figuraione conueniunt. dicitur etiam æquale, quod est isoperimeterum ambitu et comprehensione, & æquale lineis: vnde & area atq; sola area. Anguli æquales sunt: qui ap-

## ST B R E O M E T R I A E

plicati toti totis, in planis & solidis eadem contractione vel genere, vel figuratione conueniunt. Aequales vero circuli sunt, quorum diametri sunt aequales inter se. quia nequit fieri ut intelligamus ab ijsdē diametris alium acq. aliū circulum fieri. sed si diameter fuerit data: etiam circulus datus erit magnitudine. Equaliter vero à centro distare dicuntur lineæ rectæ: quando à centro ad ipsas ductæ perpendiculares fuerint aequales. Longius vero distare in quam perpendicularis maior incidit. Figure vero solidæ aequales & similes sunt: que continentur planis aequalibus, similiterq; positis, numero, & magnitudine aequalibus.

Similes figure rectilineæ sunt, que habent ad unum angulos aequales. & aliter. que angulos ad unum habent aequales: & aliora aequales angulos continentia equalia. Reciproce figure sunt: in quibus in alterutra figura sunt rationes antecedentes & consequentes. Similia circulorum segmenta sunt, que angulos recipiunt aequales: vel in quibus anguli sunt aequales. Simili ratione & sphaerarum segmenta: similes figure solidæ sunt, que simi-

similibus similiterq; positis planis continen-  
tur. Omnis verò circulus, omni circulo simi-  
lis est species: quia circuli generatio seu pro-  
creatio, est una eademq;: sic species eius va-  
na. sed segmentorum non eadem est similitu-  
do. sed quæcunq; similem habent inclinatio-  
nem, hoc est angulos in ipsis existentes inter  
se æquales: illa appellantur similia. dissimilia  
verò, que se ita non habent. Eodem modo sa-  
res habet in cæteris planis & solidis figuris.

Magnitudo est quæ crescit & augetur,  
atq; secatur, diuidiq; potest in infinitum usq;  
sunt autem tres eius species, linea, superficies,  
corpus. est autem infinita magnitudo, qua  
non potest maiori intelligi secundum essen-  
tiam & subsistentiam quantamcunq;: ita ut  
nullus finis vel terminus eius inueniri queat.  
Pars est magnitudo aliqua, alterius magni-  
tudinis, minor maioris: quando minor exulte  
metitur maiorem. Dicitur autem pars in loco  
non sicuti mundi pars est terra, neq; hominis  
pars ipsum caput. neq; verò ut rectæ ad angu-  
los rectos diametra & circuli ductæ, dicimus par-  
tem esse, angulum extra semicirculum inter-  
ceptum

## STEREOMETRIA

ceptum recta ad angulos rectos ducta. Fieri enim nequis, ut angulus hic qui ceratoïdes appellatur, metiatur angulum rectum. cum omnis angulus rectilineus, minor sit angulo ceratoïde. Itaq; in magnitudinibus sumemas partem eam quæ est rerum similiū generum: atq; sic dicemus partem in magnitudinibus: ut tertiam anguli recti dicemus esse partem recti anguli. Neq; hoc sophismatum concedendum, quo dicimus, si pars est id quod aliquid metitur: etiam quod metitur, pars erit. sed linea recta pedalis metitur solidum. Ergo linea recta pedalis, est pars solidi: & linea recta pedalis est solidum. Id quod absurdum erit. Nam linea recta pedis unius metitur longitudinem, profunditatem, & latitudinem corporis solidi. quasi ea quæ lineæ rectæ sunt similiū generum: non autem ipsum solidum.

Multiplex est maior magnitudo minoris: quando minor eam metitur.

Quid sit pars, quid ratio, & quæ similiū sint generum, & quid proportio: diligentius quidem explicata sunt in Arithmeticae elementis. Nunc verò de his dicemus, quod sicu-

ri in alijs similiū generū ipsa applicatur proporcio: ita quoq; in rebus similiū generū, quæ in magnitudinibus existunt. Magnitudines dicuntur rationem habere inter se: quæ multiplicatæ sese mutuo excedere possunt. sed respondendum ijs qui hanc oppugnant definitionem, atq; dicunt, illa habere rationem inter se, quæ multiplicatæ sese mutuo possunt excedere: nibil autem tam est similis generis, quam sit punctum puncto. itaq; manifestum est, quòd punctum multiplicatum excedet punctum. His, inquam, sic est respondendum, quod punctum non recipiat multiplicationem magnitudinis. quia id quod inter magnitudinem non numeratur: illud etiam neque magnitudinis multiplicationem admittit. solum autem multiplicationem ut numerus recipit. sic enim quoniam in linea recta infinita sunt puncta, bæc illorum sunt multiplicia: ita simpliciter & absolutè de puncto differunt, ac si esset magnitudo interuallum habens, omnino ex aduerso Euclidij, qui docet punctū esse, cuius nulla sit pars: & dicat rationem habere inter se magnitudines.

## STEREOMETRIA

nes. In eadem ratione dicuntur magnitudines esse prima ad secundam, et tertia ad quartam: quando primæ & tertiae aequem multiplices, secundæ & quartæ alias quascunq; aequem multiplices, vel simul excedunt, vel simul deficiunt, vel simul illis fuerint æquales, sumpcæ inter se. Que verò eandem rationem habent: nominantur proportionales magnitudines. proportio verò in tribus terminis est minima: atq; hoc in loco termini accipiuntur, vel magnitudinum, vel numerorum ipsis impositorum. sicut enim circuli terminus est circumferentia, & trianguli termini sunt latera: ita 9. ad 6. bius rationis termini sunt huiusdem numeri. Quando verò tres magnitudines fuerint proportionales: cum prima ad tertiam habere rationem dicetur duplam, quam ad secundam. Inquit itaq; Eratosthenes, quod sicut tri in aequalibus interuallis, atq; secundum rectam lineam positis: interualla dupla sunt: ita quoq; in rationibus quodammodo secundum rectam lineam propositis. prima ad tertiam dicetur habere duplam rationem, quam ad secundam. Nam 9. distat à 6. sesquialteram.

ra, & 6 à 4. eadem sesquialtera: quare 9 à 4.  
distant, duabus sesquialteris. nam duo isti  
excessus sunt ijdem vni excessui. exempli gra-  
zia. in 9. & 4. nam 9. excedit 6. tribus: &  
6. excedit 4. duobus. verum 3. & 2. compo-  
sita & addita: efficiunt 5. qui merus est excessus 9. & 4. Sicuti verò in maioribus con-  
ferendis ad minores: excessus faciunt dupla-  
rationes & triplas: ita quoq; à minoribus, fa-  
ciunt defectus. Quando verò aequae multiplici-  
cium, primæ magnitudinis multiplex excedit  
secunda magnitudinis multiplicem: cum pri-  
ma ad secundam maiorem diceatur haberera-  
tionem, quam tertia ad quartam. Atque in  
hac definitione termini, voluit Euclides indi-  
care nobis & proponere: in quib; nam maior  
fit querenda & inuenienda ratio alia ra-  
tione. & cùm magnitudines in eadem ratione  
existentes, notis suis designari per aequemul-  
tiplices simul excedentes, vel simul deficien-  
tes: nunc docet quæ in maiore sint rationes: il-  
le que habent excessum. Quomodo verò hic  
fiat excessus ipse exponit in quinto vniuersa-  
lis rationum doctrinae elementaris libro, atq;  
in theo-

## STEREOMETRIAE

in theoremate inæqualium magnitudinum demonstrant. Homologæ magnitudines discuntur esse, antecedentes antecedentibus: & consequentes consequentibus. Ratio quidem dicta est esse, duorum similium generum habitudo quedam inter se: sed in magnitudinibus propriæ dicemus, quod ratio sit duarum magnitudinum eiusdem generis, iuxta quantitatem quedam habitudo & affectio: ita ut in illis sit proportio: talium rationum similitudo. Inversa ratio est consequentis ad antecedenteum ratio. Compositio rationis est, sumptio antecedentis cum consequente, ac si unus esset terminus, ad ipsum consequentem. Cætera de his, tradit Euclides in quinto libro elementorum. Linea infinita neq; multiplicari potest unquam: neq; altera ad alteram conferri. quæ enim eiusdem generis non sunt: non possunt ratione inter se habere, & quandam habitudinem ut linea ad lineam, superficies ad superficiem: & reliqua similiter. Proportiones aliæ quidem sunt continuæ, aliæ discontinuae seu separatae. continuæ sunt, quæ coniunctas & non disiectas habent habitudines.

sepa-

Separatae vero proporciones sunt: quando rationes hoc modo se non habent: verum disiunctae inter se sunt: neq; uno medio termino inserse copulatae. quia medius terminus, unius est antecedens, & alterius consequens. Continua ratio: vt 8. 4. 2. separata. vt 8. 4. 6. 3. est interuallum inter magnitudines propositas. Multa tradit Euclides in decimo elementorum libro de commensurabilibus & incommensurabilibus.

Magnitudo rationalis & irrationalis, utraq; earum non est ex numero earum rerū, que per se considerantur, sed collatione facta ad aliquid aliud. Nam quaecunq; magnitudines sunt commensurabiles inter se: illae etiam dicuntur inter se rationales. atque numeri sunt commensurabiles: quia quinque eorum tales est, vt minimus numerus eum metiri possit, simili modo cubitus & palmus habent commensurabilitatem inter se. nam quemuis eorum, digitus minima mensura metitur.

\* Cū vero in magnitudinibus existat infinitum, neq;ulla sit minima mensura: idcirco pacet, quod magnitudinis ratis

## STEREOMETRIA

malis, nulla sit certa & definita minima mensura, ut digitus: sed in nobis est situm quantumcumque volumus proponere notam & cognitam minimam mensuram, in qua sit unitas. quia ut dictum est, quaevis magnitudo per se, neq; rationalis, neq; irrationalis: cum omnis linea recta per se neq; rationalis, neq; irrationalis sit. Verum si conferatur ad unitatem subiectam in positione: inuenietur vel rationalis, vel irrationalis. itaque latere quadrati proposito rationali: inuenitur diameter potest ratio rationalis: nam longitudine deprehenditur irrationalis. sic etiam diametro existente rationali: latus potentia erit rationalis. cum ramen veraq; per se neq; rationalis, neq; irrationalis existat. Sic ergo proponentes minimam aliquam mensuram rectangularium linearum.

\* \* mathematici nominarunt rationalem, & que ei sunt commensurabiles: simili modo & quadratum ab ea descriptum rationale: & figuras huic quadrato commensurabiles nominarunt rationales. sic cubum ex eae descriptum linea recta, & hinc commensurabilitia solida.

Inex-

Inexplicable, hoc est, irrationale solidum intelligendum est, quod incommensurabile est cubo à rationali descripto. planum verò irrationale, id quod incommensurabile est quadrato à rationali descripto. longitudinem verò, hoc est, rectam rationalem à commensurabili. Sed quia commensurabile in lineis rectis duplēx intelligitur esse. unum quidem quando base lineæ rectæ commensurabiles fuerint: & figura ab ipsis scriptæ inter se commensurabiles, alterū verò, quando eadē figuræ incommensurabiles inter se fuerint: ideoq; & duplex est differentia ad rationalem iuxta veteres mathematicos. aliae enim dicuntur potentia rationales, aliae irrationales potentia, reliquæ longitudine. Potentia itaq; rationales sunt rectam est à nobis, que cunq; ipsæmet sunt incommensurabiles rationali: & quadrata ab ipsis scripta commensurabilia quadrato à rationali descripto. Longitudine verò, quando quadrata ab ipsis scripta, in quadratis numeris fuerint: vel latera habent commensurabilia rationali longitudine, deniq; universaliter nominarur ra-

## STEREOMETRIAE

ionali commensurabilis, rationalis siue longitudo, siue potentia tantum. Definiunt etiam rationalem hoc modo. Rationalis est, quæ per numeros sit nota: verum bac non est vera definitio rationalis: sed eius accidentis: nam si exempli gratia rationales proponunt, quadratorum à rationali cubitali descriptorum. nouimus quoct palmorum aut digitorum unaquæque sit: unde ex accidentibus eam appellamus rationalem, per numeros cognitam. Differit autem rationalis à data, quod ratios nalis quidem omnino sit data: data verò non necessariò sit rationalis. nam rationalis quantitate & qualitate manifesta est: data verò quantitate & magnitudine tantum: sunt enim quædam irrationalis datae. Euclides inquit rationale quadratum à propofita recta descriptum. Vbi nominatur proposita recta ea, quæ principium est mensurarum, & tamenquam regula ad dimensionem longitudinis, positione quadam à nobis est assumpta. Ut si quis proponat quantum sit inter nullum inter duo proposita puncta: ille nihil ratione dignum queret, quoct sine pedum & cubitorum: necesse

neceſſe eſſet nos petere ab ea, quæ exhibetur  
quantitate cubitum vel pedem, atq; cùm vies  
remur illa proposita rationali linea recta in-  
quiremus propositum interuallum, an eſſe  
omnino mensura rationalis.

Sunt autem dimensionum in magnitudi-  
nibus, quæ certas magnitudines exactè me-  
tiuntur genera ista. digitus, palmus minor,  
palmus maior, pes, vlna, seu cubitus, passus,  
orgya: mensura minima vero omnium eſt di-  
gitus. Diuiditur vero in partes, dimidiam  
ſcilicet certas & reliquas. Sunt autem &  
alia mensuræ ab aliquibus excogitatæ. istæ ſci-  
licet: Passus, Acæna, seu pertica, Plethrum,  
Iugerum, Stadium, Milliare, Schœ-  
nus, Schœnus persica, & Schœ-  
nus græca, cæteræq;  
bis ſimiles.

F I N I S.