

# Notes du mont Royal

[www.notesdumontroyal.com](http://www.notesdumontroyal.com)

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES

Google Livres

72 N. 68.  
ARITHMETICES  
EVCLIDEAE  
LIBER PRIMVS.

Aliás in ordine reliquorum  
SEPTIMVS: Qui citra  
præcedentium Sex librorum  
Geometricorum opem eruditè  
persequitur, cum reliquis duobus  
sequentibus, uera principia ac  
solidiora fundamenta Logi-  
stices, id est, ut uocant,  
Arithmetices Præ-  
ctica.

Per

Ioan. Sthen. Luneb.

IN SCHOLARVM VSVM κατὰ τὸ ὅτι  
tractatus ἐπιματικῶς, disquisitione nimis  
rum Dialectica quæ Dialogorum  
est propria.

1 5 6 4.

VERVS CLEAN  
tis Philosophi.

μη προς δόξαν ὅρα ἐθέλων σοφὸς αἰψὰ  
γενέσθῃ.

μη δὲ φόβου πλῆθους ἀκριτον καὶ ἀνάγκη  
δέα δόξαν.

ὅν ἄμιλος ἔχει σωτηρίην κρίσιν, ὅν τε  
δίκαιον,

ὅν τε καλῶς ὀλίγοις δὲ παρ' ἀνδράσι  
τοῦτο κεν ἔργοις.

AD  
 AMPLISSIMUM OR  
 dinem Senatorium Reipub:  
 Vratislaviensis

Authoris Præfat.



AD EM EST

officina ferme omnium  
 quotquot unquam in Ec  
 clesie conspectum prodie  
 re non unius generis δ'α'ι  
 δ'α'λματ'α errorum per  
 uersa illa atq; exitialis cons  
 syderationum humanas  
 rum cum rebus diuinis conglutinatio. Nec qui  
 uis facile credit quam procliue sit et lubricum uel  
 ad gignendas ac pertinaciter tutandas impias &  
 prophanas in Religione opiniones uel ad contami  
 nandam aut uerius corrumpendam pure ac natiue  
 Philosophie possessionem hæc diuersissimarum do  
 ctrinarum genera duo quæ remotius inter se quam  
 δ'ι'σ' δ'ι'α' ω'α'σ'ω'p distant confundere nec ea quæ  
 & uerè pijs mentis & industrios philosophos de  
 cebat acrimonia secernere κατ' ε'ιλικρινε'ι'α'μ, præ  
 sertim in creberrima illa collisione rationis nostræ  
 non leuiter hebetatæ atq; imperuestigabilis illius sa  
 piens

## P R A E F A T I O.

*pientie diuinæ. Vtriusq; generis sincera & certis  
limitibus diuisa possessio amplissimus ducatur thes-  
saurus ac multo certè præstantior quàm uel effari  
detur*

*Non si cui linguæ centum sint oráq; centum*

*Ferrea uox pariter ΚΟΥ Χάλκωρ ἦτος ἐνεΐν.*

*Ac statuam omnino sapientes tum demum cum reb.  
humanis feliciter agi si quàm plurimos uiderint ad  
Sinceram Theologiam ὁρῶδ' ὁρῶδ' nec titubare  
uel blandicijs rerum terrestrium dementatos uel fe-  
cibus admirationum Philosophicarum fortè temus-  
lentos: atq; æquæ ratione si doctrinæ mentibus hu-  
manis progenitæ tractatæ in Scholis fuerint purè  
sobrièq; nec huius doctores ferentur absurdarum  
opinionum ἡδ' ἐτερογενῶν πᾶσα ἀδ' ὄξωρ ueluti  
procellis. Vberius isthæc prosequi nunc non est  
animus. Nimis uerum est, Confusionem doctrinas-  
rum multipliciter damnum dare Reipub. Christianæ.  
Pròinde non mirum si nunc periclitetur Relis-  
gio, periclitentur ueræ sapientiæ studia. Ac de his  
quidem nemini non cordato uidere est, haud multò  
pòst eandem grassaturam in Germanicis oris barba-  
riem quæ memoria nostrorum parentum antea actis  
uiguit temporibus. Nam quum insulsis doctrina-  
rum temperamentis diuersissimorumq; pabulorum  
φυσῶμασι pasta iuuentus non perducatur ad ipsa  
singularum disciplinarum penetrabilia sed tantum in-*

## PRÆFATIO.

Superficie atq; obiter degustet citra delectum et ordinem partim ex sacris partim uerò prophanis quas sibi non rectitudini uisa, sorte res τὰς ἐπιπολάζουσας præclare facienteis ad ostentationem, difficulter futurum est ut solidè Doctorum uirorum atq; excusso iudicio præditorum in literatura cum humaniore tum diuina habitura sit posteritas uel tolerabilem numerum.

Ceterum, indulgere querelis præsentì negotio profuerit haud multum. Par est ut unice faueamus omnibus uerè doctis, Philosophiam puram atq; eruditam pietati doctæ simpliciq; distinctè iunctam amplectentibus; nec quicquam nobis potius sit quàm propagari ad posteritatem cum sanam, perfectam, ac solidam, tum synceram incontaminatam ac probè distinctam omnium doctrinarum cognitionem. Id uia non potuerit fieri expeditiore, quàm si Ecclesiarum seminaria, scholæ, in iaciendis ueræ Philosophiæ solidis fundamentis ac tenuissimis eiusdem simplicissimisq; radicibus commonstrandis fideliter fuerint occupata.

Nititur autem totius Philosophiæ certitudo ac perspicuitas duabus pulcherrimis purissimisq; disciplinis Arithmetica & Geometria ex quibus tanquam de fonte salubri manat quicquid in reliquis doctrinarum generibus uigoris est atq; elegantie.

## PRAEFATIO.

Has duas alibi Plato diuinitus mentibus nostris adnatas alas uocat, alibi, ut in Epinomide, per has uiam patere dicit ad discendum, ac uolentem diuersam fortè ingredi hortatur ad inuocandam ut dicitur Fortunam. Nec uerò possibile est, ut in peruestigatione ueri non hallucinetur is qui ad has combinatas disciplinas ueluti Dædaleum non uigilanter respexerit filum, harum firmissimam anchoram animo non præhenderit quarumlibet doctrinarum ingressurus tractationem.

In disputationibus Socraticis apud Platonem non obscura sunt huius rei testimonia, nec eadem apud Aristotelem desyderantur. Caterum Galenus Hippocraticæ doctrinæ perspicacissimus commentator, meritò sese effert in hoc genere, ut non de nihilo sit, quòd beneficio Geometriæ sese extricarit ex tam uarijs sectarum ac disputationum labyrinthis, atq; ob id uix concedentem arbitremur, alium quemquam hoc authore inter ueteres uel μετὰ δαδ' ἰκώ τερον uel in inquisitione ueritatis ἀρετῆς τερον regnare. Mouet is in libro τῶν ἐπιστολῶν ἰατρικῆς non infrugeseram, meo iudicio, questionem, Quot nimirum necesse sit concurrere ut quis in tractatione cuiusq; doctrinæ feliciter laboret? Ac statim subiicit, Septem esse.

I. Primò desyderat naturalem ingenij acrimoniam (φύσιον ὀξύτητα) quæ doctrinam illā rationalem cui sequis se dederit promptè comitetur. II

requirant  
nam aliter  
uicam uel

## PRAEFATIO.

II. Ut ab ipsis usq; pueritiæ annis ingenium illud exerceatur in primis atq; infimis disciplinis, ac quas uelit quò sciatur  $\mu\acute{\alpha}\lambda\iota\sigma\alpha\delta\prime\ \acute{\alpha}\nu\tau\acute{o}\rho$  inquit ἐρ  $\lambda\epsilon\gamma\mu\iota\tau\iota\kappa\eta\ \tau\epsilon\ \kappa\alpha\iota\ \gamma\epsilon\omega\mu\epsilon\tau\rho\iota\alpha\ \gamma\upsilon\mu\nu\acute{\alpha}\sigma\alpha\delta\prime\ \delta\epsilon\iota$ .

III. Præbere aureis præstantissimis quibusq; sui temporis.

III.  $\xi\gamma\upsilon\alpha\ \phi\iota\lambda\omega\nu\acute{\omega}\tau\alpha\tau\omicron\rho$ , patientissimum esse laborum, & nec cubitum ire nec cubitu surgere quin animus totus inhiat doctrinæ.

V. Quot paucis contigit, Amantem esse ueritatis.

VI. Ut comparet sibi methodum quandam ἢ  $\delta\iota\alpha\ \kappa\epsilon\iota\upsilon\epsilon\tau\eta\ \acute{\alpha}\lambda\lambda\iota\delta\epsilon\sigma\tau\epsilon\ \&\ \psi\epsilon\upsilon\delta\omicron\varsigma$ , qua possit dijudicari uerum à falso.

VII. Post hæc omnia diligenter tractare atq; exercere methodum. Hæc ille. Possent uerò nonnulli demirari quid consilij fuerit Galeno ut statim in secundo articulo postularit, educationem puerilem primis confici disciplinis, Arithmetica P O T I S S I M A & Geometria? Nec multum aberit ut hoc nomine malè audeat Galenus ac ceciderit facilè in Criticorum nostræ ætatis acerrimam reprehensionem audacter tanto uiro obstrepentium non conuenire ut perceptis linguarū rudimentis statim pueritiæ instil lentur de numeris ac Magnitudinib. præceptiones, fatius uerò esse quò uenetur tenera ætas impensius ea quæ usum tandè sint habitura in communi uita, id est, quæ dū mirificè uibrant oculos uulgi conferent uel ad questū uel ostentationem. A 4. Ab

## P R A E F A T I O.

Ab his adeò morosis censoribus si nihil aliud, saltem illud impetrabimus opinor quò concedant, restè Dialecticè dici omnium doctrinarum Organon, nec post linguarum mediocrem cognitionem ullam æquè necessariam esse Iuuentuti, quòd cistra illius adminiculum caligent oculi mentium nostrarum in perspicientia ueri. Nam hoc si negauerint, imprudenter infringent passim & à se uibus & pueris iactatam definitionem Aristotelicam qua fertur, Dialecticè esse scientiam scientiarum, habentem ad omnium methodorum principia uiam, id est, ut Græcè reddamus, ἕξεταισικλὴν πρὸς τὰς ἀποστολὰς τῆς μεθόδου ἀρχὰς ὁδὸν ἔχουσαν. Hoc itaq; concesso, respiciant ad præmissa Galeni placita septem, & adcuratè sciscitentur causam quur idem ordine demum sexto in discente desiderarit Dialecticum organon, id est, methodum cuius ductu secernat ueritatem à mendacijs, loco uerò statim secundo ab ætate iam Adolescente flagitet Geometrias & Arithmetices exercitamenta? Hæc uerò nulla alia sese offeret ratio, quàm quòd differendi ac docendi uia tota directissimo tramite progrediatur ex Geometrarum & Arithmetiæ processu, ut ita sit impossibile, quenquam natiuè Dialecticè δὲ ἀποστολὰς rectè cognitam habere qui eandem non prius deprehenderit in numerorum ac magnitudinum doctrina, ubi materie non offeruntur

tur

## P R A E F A T I O.

*tur lubricæ & disputabiles seu contingentes, sed per omnia sibi similes, necessariae, & immotæ, suppetantes non unius generis demonstrationes. Nec enim in ullo quod sciamus disciplinarum genere euidetiora & captui ingeniorum adcommodatiora reperiri licebit exempla, uim Dialecticam sic exprimentia, methodum exquisitam & uerè didacticam sic informantia, atq; in his certè humanissimis & eruditione summa refertis quantitatum consyderationibus, circa quas uersatus Adolescens plus effecerit in percipiendâ Dialectica mensis unius spacio quàm adsiduus multiplicium commensurationum librarius uix tota trieteride. Hoc consiliū fuisse Galeno certum est in præmissō loco: nec diuersum ab illo sensit Plato cum uestibulo scholæ suæ præfixit symbolum ΑΥΕΩΜΕΤΡΕΤΟΣ ΟΥΔΕΙΣ ΕΙΣΙΤΩ, nec uel Aristoteles uel ullus unquam sapientum quos uera erudit philosophia iudicarunt aliter.*

*Pròinde diuersa plerunq; cum etatis nostræ literati semita ferantur, aliena prorsus & à nature ductu & præstantissimorum quorunq; imitatione, fit, ut quantumuis laboriosè desudetur in Dialecticorum officinis tamen ingurgitentur quàm plurimi diuersissimarum opinionum turba & præpostero quodam discendi feruore præcipitentur in medium studiorum agmen: ubi strenuè quidem laborant, in*

## PRAEFATIO.

num ut congerant acruum omnia quomodoq; uaria cognoscant, tractent, retractentq; : Cæterum hæc in quem finem, qua methodo, quoue ordine, qua iudicij dexteritate, ne uenit semel in mentem quidem. Cui tamen calamitati non parum mederetur & Arithmeticarum & Geometricarum rerum Theoria : Siquidem hæc in aggrediunda quarumlibet rerum etiam perplexissimarum consyderatione certam atq; indubitatam designat nobis quam necesse habeamus ire redire uiam, a menti iam peregrinanti uelut ex sublimi specula monstrat certum portum ad quem enatare tanquam ex medijs scriptorum fluctibus citra periculum possimus.

Sed exciderat propemodum quòd Galenus in quinta sede collocet rem nominatu quidem facilissimam cæterum iam in paucorum possessione *Veritatis amorem*. Hunc uel ingenerat animis nonnunquam præstantibus numerorum & magnitudinum purissima Philosophia, uel si non ingenerat, tamen diuinitus innatum retinet, nec unquam committit, ut idem citra notabilem frugem uegetior reddatur luxurietue thoris animosi pectoris ardor. Res certè loquitur ipsa de ingenijs huic Philosophie studiosè ac uerè deditis quòd præter illam mentis quam possident celeritatem tam ad inueniendum quam ratiocinandum, præterq; sobrietatem ac uitæ castimoniam quam necesse habent colere, sint pariter

## P R A E F A T I O

*ὁρ βεβῶ καὶ σαφῶς ἐοδλὰ* secundum Euripidena  
 à l'est, amore quodam ueritatis ingenua & candida,  
 liberalissimaq; simplicia, & recta, atq; expedita in  
 quarumlibet rerum tractatione: Contra, distorta &  
 his doctrinis maligna ingenia plerunq; sunt insidiosa  
 & uafra, occultè simulantia ac dissimulantia quæuis,  
 humi serpentina & sordida καὶ φιλοκερδῆ καὶ τὰ φιλοεπίστρον, perfida nonnunquam,  
 ut amor ueritatis ac candor non tantum sint res uelut  
 ab ijsdem iam profligatæ atq; in exilium pulsæ, sed pene  
 ut cum Ouidio loquamur intermortuæ. Alijs etiam  
 fortassis hoc nomine ignoratæ delitescunt hæ duæ  
 frugalissimæ discipline quòd nihil τῶς τὰ ἄλφιστα,  
 qui tamen ignorant, illa plerunq; plus habere  
 in recessu quæ minus fronte magnifica solent  
 promittere.

Nam si non satis est, easdem disciplinas tum ratione  
 uniuersalis organi methodici reliquas omnes anteuertere  
 atq; ijsdem inseruire, tum ad amorem ueritatis ac  
 ingenuitatis flectere mentes nostras, ut hæcenus  
 declaratum est: Tamen illud TERTIVM abunde  
 magnum est quod ex illis proficiscitur emolumentum  
 ad REALIA PHILOSOPHIAE, quòd utraq; huius  
 pars tam quæ θεωρητικὴ quam quæ πρακτικὴ  
 dicitur, uel mutilabitur principalibus suis  
 membris, uel plus quam Cimmerijs obruetur  
 tenebris exulante

te

## P R A E F A T I O.

te Arithmetices & Geometricæ lucerna. Ita tota reliqua Mathesis ( quæ complectitur Logisticam, Harmonicam, Geodesiam, Opticam, Mechanicam, & Astronomiam ) duarum istarum presidio destituta in extremum discrimen ueniet. Quid enim hæc sunt quam perpetua Geometria & Arithmetica sed rebus physicis implicatae? In Physiologia pariter ac Morali doctrina frustra tumultuatur is quem destituunt & uodæiæ uel Geometricæ uel Arithmeticæ, nec refert Socraticis ne adhaereat an Aristotelicis: neutrobique feliciter cesserit, istis neglectis, ad uiuidum Philosophiæ fructum capessendum diuersam adfectare uiam.

Sed quiescant Encomia. Nullius omnino tantum esse poterit orationis flumen quod pro dignitate uel numerorum uel magnitudinum admirandam certitudinem ac uenustatem, nunc certo Systemate comprehensam, mortalium cœtui satis declarare possit. Certè mentis diuinæ diuinam hæc esse progeniem sapiens quiuis agnoscit, atque utinam daretur eiusdem simulacrum aliquod uiuum oculis nostris representari, incredibili procul dubio percelleret omnium animos amore & admiratione sui. Nunc in hac caligine Deo quæque proxima ingenia saltem ui & claritate quadam mentis diuinitus affulse nonnulla gaudent imagine, sed multò felicius compagine solata fruuntur eadem in consuetudine,

Dei

## PRAEFATIO.

Dei Optimi Maximi ac immortalium spirituum.  
 Non instituetur autem in praesentia, οὐ γὰρ ἔστι  
 Arithmetices ad Geometriam exquisita. Potior  
 rem certè, & loco & tempore digniorem Arith-  
 meticen Geometria facimus. Nec ignoramus quæ  
 contra, quæq; ex hac rursus possent disputari par-  
 te. Sed utriusq; disciplinæ prima fundamenta non  
 aliunde conuenientius petere uera sapientiæ & hu-  
 manitatis studiosi uel poterunt uel debebunt, quàm  
 ex quindecim libris Mathematicorum elementor.  
 Euclidæ, ueterum Philosophorum quotquot Plato-  
 nem antecessere ni fallamur ingeniosissimi, decuius  
 opère tantum libuit perhibere. Isthinc peti Iu-  
 stissima exordia omnibus generosis  
 & excelsis ingenijs ad ueram, pu-  
 ram, atq; eruditam philosophiam dus-  
 centia: Atq; is sciat se esse philoso-  
 phum & quidem μεθόδου τῆς ἀρετῆς qui in  
 hoc opere perspiciendo florentem ex-  
 ercuit ætatem. Cæterum, cui res Eu-  
 clideæ peregrinæ atq; inusitatæ ui-  
 dentur is in philosophia tota, ueluti  
 cæca nocte nauigans, dum quærit re-

rum

PRAEFATIO.

*rum Veritatem pro Veritate captat  
fumos, tendit in altum sine pennis ac  
sufficientibus alis, Vitreo fortè datu-  
rum, Ut cum Flacco loquamur, no-  
mina ponto.*

Septimum nunc huius Philosophi librum qui  
inter Arithmeticos primus est Deo fortunante in lu-  
cem damus, reliquos duos deinceps per ocium &  
occasionem, si fortunæ, id est Deo, sic uisum fuerit  
exhibitori, ut si fieri fortè per nos posset quoquo  
modo daretur Iuuentuti occasio discendi & Arith-  
meticen & Dialecticen uel uniuersam potiùs Philo-  
sophiam ex iustis fontibus. Illius equidem gratia  
factum ut, omisis demonstrationibus, τὸ ὄτι seu  
nuda præcepta Græcè pariter ac latinè persequuti  
simus, hæc conuenientibus exemplis disquisitioni-  
busq; non latè uagantibus more Socratico explicuis-  
se contenti, ne quæ possent demonstrationum ( ut  
opinantur) congerie seu perplexitate rudiorum ab-  
sterreri mentes. Dimidium facti, qui bene cepit,  
habet inquit ille, quod quum nusquam non tum in  
hac potissimum Philosophias parte plurimum habet  
momenti. Vniuersæ quidem practicæ ratiocinatio-  
nes ex his primordijs Euclideanis sunt ductæ, atq; hoc  
ille tenacius computantis adherent memoriæ quò  
fus

## PRAEFATIO.

Fuerint accuratius horum initiorum solidissimis basi-  
 bus fultæ. Nec uerò effari datur quàm bene ue-  
 limus Scholis passim, quum non ignoremus, Eccle-  
 sia iam grauius periclitanti Rebusq; publicis malè  
 passim constitutis non esse leues aliquando petendas  
 alleuationes inde. Illis igitur ut unice profint nos-  
 tra hæc  $\mu\epsilon\iota\gamma\alpha\kappa\iota\omega\delta\eta$ , quæ annis iam pridem ado-  
 lescentibus per exercitationem confecta proximis  
 uerò diebus per ocium de integro rescripta sunt, ue-  
 hementer optamus. Quòd si secus acciderit con-  
 trà quàm animus benignè pollicetur, erunt tamen  
 hæc ipsa, ut arbitramur, indicio de studio ac uo-  
 luntate nostra semper ad bene merendum propensa.

Restat ut Amplissimo Senatorum  
 ordini Vratislauensi uelut in gremium  
 demus has ipsas de numeris Dissertationes nostras  
 $\delta\upsilon\tau\ \&\alpha\alpha\pi\epsilon\iota\varsigma$  ni fallimur  $\delta\upsilon\tau\ \alpha\mu\alpha\delta\epsilon\iota\varsigma$ , haud cit-  
 tra deliberationem tot præstantium ac grauium ui-  
 rorum uel æquissimo iudicio uel singulari humani-  
 tate ac beneuolentia freti, quò uel eorundem præsi-  
 dio munitiores esse queant contra huius Philoso-  
 phiæ occultos osores, uel ipso exemplo, tanquam  
 humaniter hospitio susceptæ, facilius etiam illaban-  
 tur animis studiosorum Iuuenum. Variorum equi-  
 dem uoces ac suffragia doctorum scriptis celeberrimè  
 de Repub. tam illustri quum honorificè tum non  
 mis

## PRAEFATIO.

Minus splendide loquuntur. Non itaq̄ potuimus eandem et nos non uehementer admirari atq̄ animo suspicere, potissimum uerò propter culturam excellentem syncerae in Deum pietatis ac maxime praesclarum erga optimas quasq̄ disciplinas & literatos studium,

„ Feret haec aliquam pia fama salutem.

Athletæ gaudent ob corporis robur praestans laudari, alij diuitiarum copia, nonnulli dominatione ac potentia sibi gloriam & admirationem comparasse feruntur: Sed longè expeditior ad perennem ac nunquam intermorituram laudem & posteritatis etiam celebritatem patet aditus, per conseruationem literarum. Haec, praeter quam quòd gratiam de Deo famam spargunt ( ut uenuste dixit Plauto ) uiros insuper laude dignos mori uetant sua illa ἀμβροσίη μολπή: καὶ ἐπίστατον ὄσον ἰεῖσασιν μέλλοντα τούτων τὴ νόμῳς ἢ ἕθεα κεδνὰ. Per hanc uiam laus parata non est lubrica nec unquam ulla ui labefactari potest quò fiat caduca sed altissimis defixa radicibus suo persistit loco.

Die Natali Ioannis Baptistæ. Anno

1564.

# PERSONAE

DISSERENT:

PHILOMATHES, ET  
ORTHOPHRO-  
NIVS.

Διαζήτησις Prima.



NON EST DE

nihilo quod habeas  
mus te plus solito  
cogitandum hu-  
manissime Ortho-  
phroni; uideris ali-  
quid meditari *σεμνὸν*

OR: Vera dicis Philomathes. Nam  
uenit in mentem heri sub uesperam,  
Epigrammatis Græci de aurea Miner-  
uæ statua: Cuius ænigmatis Arith-  
metica consideratio cum mirificè me  
torsisset adolescentem ante bienni-  
um, uicit tandem pristinam difficul-  
tatem explicatio problematis Eucli-  
dei, quod exhibet ultima propositio

B

libri

libri septimi Elementorum. Quamquam  
autem Epigrammati Græco secundum  
Logistæ præscriptum antea satisfacere  
non usque adeo difficile fuit : tamen  
uia rem expediendi reddebatur  
eò impeditior, sæpiusque ( tametsi prius  
nota ) memoriam effugiebat, quòd  
progressu in problematis solutione  
ueras ignorarim tum causas. Atque  
si tres illos de numerorum rationibus  
Euclideanos maturius degustassent libros  
num opus crederes tot ambagibus &  
ingenij tormentis mihi sæpius fuisse  
in huius ac plurimum huic non dissimili  
Epigrammatum expeditione ?  
PH. Desydero mihi proponi & explicari  
istud de Pallade Epigramma mon  
strata progressus uia ex indicata pro  
positione Euclidea. OR. Non erit id  
molestum facere propter summam  
quæ tecum mihi intercessit necessitudinem,  
et par est ἀνεωγμένους εἶναι μουσῶν  
δίσκους. Cæterum expediret, si in Euclideanis  
peregrinus es, ut ab origine integrum  
septimum cognosceres librum,  
sic pedis

sic pedibus probe lotis ad ultimam de  
venires propositionem, PH. Rem mihi  
non insuauem futuram proponis  
docte Orthophroni, presertim si *bidui*  
*spacio* isthæc  $\delta\mu\lambda\iota\alpha$  perfici posset.  
Equidem recipio uicissim me quoquo  
tempore præstiturum illa gratitudinis  
ac humanitatis officia quæ ab amico in  
bene de se meritum proficisci par est.  
OR. Aggrediamur. Verum prius, si  
uidebitur, præmittamus nonnulla  
(quancq̃ passim trita)  $\pi\omega\lambda\epsilon\gamma\omicron\mu\epsilon\tau\omega\rho$   
uice & quidem primo loco

I.

DE PARTE PHILO-  
sophiæ ad quam spectant  
Elementa Euclidea.

DIC IGITUR PHILO-  
mathes, quot reris esse Philoso-  
phiæ partes. PH. Tres:  $\lambda\omicron\gamma\iota\kappa\acute{\omega}$ ,  $\phi\upsilon\sigma\iota\kappa\acute{\omega}$   
et  $\eta\theta\iota\kappa\acute{\omega}$ . Libros autem Euclidæ quum  
Mathesin tractent ad secundam paro-  
B ij rem quæ

tem, quæ naturæ propria est refero.  
OR: Confusè ac minus profectò com=  
modè isthæc à te dicuntur.

Rectius referuntur à Claudio  
Ptolemæo in vestibulo *μεγάλης σωτῆ-*  
*ξεως duas Philosophiæ partes*, utpote  
τὸ θεωρητικὸν μέρος καὶ τὸ πρακτικόν,  
Contemplatiua & Actiua. PH: Missa  
actiua de qua mihi fortè tecum con=  
uenit ut olfacio, de contemplatiua dis=  
seramus: In quot igitur species seu po=  
tius parteis dirimit Ptolemæus specuo=  
latiuam? OR: In tres. 1. Quarum  
τὸ θεωρητικὸν εἶδος seu prima Philo=  
sophia summum & principem sortita  
est locum, cumq; ab Aristotele μετὰ  
τὰ φυσικὰ tractetur, turbato idcirco  
uocabulo, nunc Metaphysica uulgo  
dicitur. Huius proprium est tractare  
purissimas substantias ἐρᾷλῖα καὶ κα=  
ταρότητι, καὶ ἐνοιδεῖ προσωπολῆ, hoc est,  
ut Procli uerbis loqui pergamus, περὶ  
ὑποσᾶσεων ἀμερίδων ἢ ἀπλῶν, ἀδιαίρε=  
των, καὶ ἀσωδέτων.

3 Huic

3. Huic primæ speciei opposita est  
ultima & tertiâ species crassioris con-  
siderationis quæ sola propriè dicitur  
*Physica* quum tractet τὰ αἰσθητὰ, ἢ με-  
ριστὰ, ἢ τῶν διαίρεσει ποικίλαις πλεονάζον-  
τα, hoc est, quæ in materijs sensui sub-  
ièctis scrutatur motum. PH: Video  
nunc quorsum tendas: Vt inter ex-  
trema hasce duas species facias secun-  
dam, quæ est οὐσίαις μέθηματικῆς tanq̃  
μέτρον ἀνάλογον. OR: Id certè uolo.

2. Nam *quantitatum doctrina*  
hac de caussa mediâ est regionem  
adepta, quòd nec circa substantias pu-  
ras uersetur, ut Theologia illa Philo-  
sophica, nec περὶ τὸ ἄσατον ἢ ὕλη, id  
est circa materiam lubricam & instabi-  
lem ut Physice, sed quòd formas re-  
rum ut numeros & magnitudines  
quanc̃ in materijs hærentes, tamen ἐξ  
ἀφαιρέσεως consideret, purè, κατ' ἐπιληψί-  
ναια, sola mentis agitatione. Colligere  
tibi nunc licet quàm sit apta Mathesis  
humano ingenio, ubiq̃ certè sibi si-  
milis, nihil fluctuantis ambiguitatis

continens, sed tota referta et nixa cre-  
berrimis & evidentissimis demonstra-  
tionibus, quibus, ni uis quædam affe-  
ratur naturæ, contradicī nequīt.

*Tales sunt duæ pulcherrimæ sci-  
entiæ Arithmetica & Geometria,  
quas non immeritò dixeris coniuges  
ἑμοφάδμονας mutuas in Philosophia  
sibi tradenteis operas: Equidem fa-  
miliam & œconomiam Philosophi-  
cam quantam habemus, & peperere-  
runt, & summa cum εὐταξίᾳ admi-  
nistrant. Has itaq; duas combinatas  
disciplinas quando tractet Euclides  
noster in XV. Elementorum libris,  
scis quid inde tibi sit expectandum.*  
PH. Vehemēter arrisit Orthophroni  
hæc Philosophias, quam de sententia  
Ptolemæi retulisti, partitio: Cæterum  
de Grammatica, Dialectica, & Rhetorica  
miror quorsum referantur à  
Ptolemæo. OR: Ne sis de his in præ-  
sentia sollicitus, quando nihil faciant  
ad insti-

ad institutum: Breuiter uerò me ex-  
 pediam: Longo discrimine secerno  
 linguas à Philosophia: quum aliud sit  
 tractare res (quæ petuntur ex Philo-  
 sophia) & aliud, dare puerileis præ-  
 ceptiones de ratione loquendi, seu res  
 mente comprehensas certis notis &  
 symbolis proferendi, quod non tam  
 accuratis præceptis quam fideli imita-  
 tione perficitur. Viam porro *ἔξετασι-*  
*κλῶ* ratiocinandi de rebus, quam prop-  
 riè Logicen aliàs à dissertationibus  
 Dialecticè uocauerè, alteram item  
 ornatè et splendide dicendi Rhetoricè  
 cen, non Philosophiæ commisceo, sed  
*organa seu instrumenta illius tra-*  
*ctanda uoco.* Nec ignoras, *τῶ λογικῶ*  
 ut mirificam uim mentibus nos-  
 tris adnatam a quibusdam  
*πρὸς τὰ μετὰ τὰ φυσικὰ*  
 referri: Sed hæc  
*παρεργως.*

QUOT SINT DISCIPLINÆ Mathematicæ, & unde de hoc nominis habeant.

PH. **T**ANTVM ARITHMETICEN & GEOMETRIAN Mathematicas dixisti, quid fiet autem de reliquis? OR: Platoni duc sunt Mathematicarum genera, alterum uocat purum et à nobis relatum in secunda speculatiuæ Philosophiæ parte completens numerorum & magnitudinum tractationes (id est, Arithmeticen et Geometriam) sola mentis agitatione  $\xi \alpha \phi \alpha \iota \rho \epsilon \sigma \omega \varsigma$ , citra subiectorum, seu rerum Physicarum, quibus inhaerent, admixtionem consideratas. Hæc uerè et sua origine ueteribus Mathematicæ sunt dictæ disciplinæ, PH: Fortassè, quod disciplinam seu institutionem præceptoris non uulgarem requirant, nec multis contingat in his percipiendis

percipiendis *αὐτοδιδάκτους* esse : uel  
quod longam discendi operam & in-  
genij singularem desyderent acrimo-  
niam etymo deducto *ἀπὸ τῆς μανθάνου*.  
OR: Ita quidem uulgo fertur: Cæ-  
terum ut & meam tibi referam de hac  
opinione sententiam, arbitror has so-  
las duas numerorum & magnitudi-  
num doctrinas uel *Mathemata* Græ-  
cis uetustioribus esse prius dictas uel  
disciplinas Latinis, quòd generaliter  
*ad discendum omnibus ingenuis pue-  
ris liberaliter & honestè educandis  
sunt apud ueteres propositæ usq; seu  
permansuris in literarum studijs, seu  
ad alia vitæ negocia traducendis, si-  
cut hodie ratio legendi & scribendi,  
singulis ( nisi qui prorsus inexculti  
& agrestes censentur ) tradi solet.*  
PH: Vt uideo ueterum pueris expo-  
ditissimus ac facilimus fuit hinc adis-  
tus ad alias doctrinas, potissimum ad  
Dialecticem hinc legitime progatam

quæ nusq̃ poterit euidentius declarari, quã per exempla ex harum dirione petita, sicut adparet ex Socraticis atq̃ Aristotelicis tractationibus. Sed hæc de nomine Matheseos eiusdemq̃ primo genere. Nunc pergas quæ so nonnulla referre de altero Mathematicum genere. OR : Hoc Platoni mixtum est. Nam magnitudines & numeri non considerantur in eo pure *κατ' ἀφαιρέσειν* ( Ut fieri in Arithmetica & Geometria nostri ) sed implicata rebus Physicis, Ideoq̃ dicuntur Aristoteli φυσικώτερα μαθηματα. Huius generis duas tantum agnouit Pythagorea familia, Musicen & Astronomiam : Illa numeros seu Arithmetice sonis adcommodat, hæc uerò Geometriam astris. Nam Geometria propriè peperit doctrinam Astronomicam estq̃ de ipsius propria essentia, Arithmetica Coronidos uice adhibetur tantum, redditq̃ Astronomiam

*miam n̄ sibus humanis aptam. P H*  
 Memini Geminū, ut refertur à Pro-  
 clo Euclidæ Græco commentatore,  
 plures huius mixti generis disciplinas  
 fecisse quibus Pythagoricæ duæ con-  
 numerantur. O R Sex nimirum, Vt

I.	<i>Logisticen.</i>	} Arithmeticen principaliter reb. physicis adcom- modant.
II.	<i>Harmonicen.</i>	
III.	<i>Opticen.</i>	} Geometriam primariē.
IIII.	<i>Mēchanicen.</i>	
V.	<i>Geodesian.</i>	
VI.	<i>Astronomiã.</i>	

I. *Logistice tres habet species.*

1. *Logistica communis quam hodie  
 Arithmeticam practicam dicunt, à nul-  
 lis elegantius nostro tempore nec  
 dexterius tractata quam à Micyllo &  
 Tonstallo. 2. Logistice Astronomi-  
 ca uel sexagenarum & scrupulorum  
 sexagesimorum, quam ex professo &  
 eruditē*

eruditè proponit Græcus Ptolemæi  
commentator Theon, in primum  
μεγάλης σωτηρίας. 3. Logistice Cosi-  
fica uel progressionum Geometricarum,  
quam alias Schematisticen di-  
cunt, quòd numeros tam rationaleis  
quam ἀρρήτους Schematibus Geometri-  
cis admodet, alias Logisticen Ge-  
ometricam, alias artem rei & census.  
Hanc dicitur ex professo tractasse Di-  
ophantus Græco scripto, cæterum  
quum adhuc lateat, cognoscantur in-  
terim Stifelij & Rudolphij commen-  
tationes.

*II. Harmonice* dicitur aliàs Mu-  
sicæ. PH: Musices adpellatio ab in-  
quisitione ducta, totî olim Philoso-  
phiæ communis fuit, quum omnes ar-  
teis produxerit sagax ingenij humani  
inquisitio, OR: Nunc autem exole-  
uit uetus illa Philosophica Musica, &  
tamen hæsit adpellatio in sola sono-  
rum harmonicorum doctrina. Pto-  
lemæus, cuius scriptio nunc prodijt,  
Canonice

Canonice uocat. Prodierunt et Pse-  
li & Euclidæ Græca de hac fragmen-  
ta, & Aristoxeni Musicorum de ue-  
terum sententia Principis. Ante per-  
paucos annos solius Boëtij, & Fran-  
chini nitebamur authoritate.

*III. Optice Geometrian uisui*  
adcommodat. Prodiit autem nuper  
Euclidæ Græca  $\omega\epsilon\tau\eta\delta\omicron\pi\tau\iota\kappa\eta$  tractatio,  
aliâs copiosius prodita per Vitellio-  
nem

*IIII. Mechanice Geometriam*  
uarijs rebus Physicis adcommodat:  
Alias Architectonica: de qua uitru-  
uſ loquuntur opera.

*V. Geodesian* posses & Geogra-  
phian dicere: Sed hæc adpellatio nus-  
dis competit descriptionibus partium  
terreni globi, illa uero dimensionem  
Mathematicam denotat, quæ benefi-  
cio, Geometriæ fit. Hanc discas ex  $\mu\epsilon\tau$   
 $\gamma\acute{\alpha}\lambda\eta\ \omega\sigma\tau\alpha\gamma\mu\alpha\tau\epsilon\iota\alpha$  Ptolemæi, & Strabo-  
nis opere.

VI. Astro:

*VI. Astronomia* restat, reliquarum cum præstantissima tum difficilissima, nec debet cum Astrologia τῆ μαντικῆ confundi, quum Astronomia Mathematica sit quantū mista, Astrologia uero propriè ac purè Physicæ est possessionis. Hanc erudite Ptolemæus, illam & Ptolomæus & nostra tempestate Copernicus excellenter atq; ingeniosissimè tractarunt.

PH: Desistas tandem ab his non nihil intempestiuus adiectis: Illud, ut arbitror, conatus es ostendere: has sex disciplinas iam indicatas nec purè Mathematicas esse (quod Arithmeticæ proprium & Geometriæ) nec integrè ad Physicam posse referri, sed medium quendam adipisci locum inter doctrinam Physicam & uere Mathematicam. Nunc transeamus ad alia.

III Quo

QVO ORDINE PER  
 sequantur Elementa Euclidca  
 Geometriam & Arith-  
 meticen.

PH. NVM IPSVM AR-  
 bitraris Eucliden in  
 hunc qui nunc extat ordinem sua di-  
 gessisse? OR: Mihi uerisimilius est  
 Theonem totius  $\sigma\upsilon\nu\tau\acute{\alpha}\gamma\mu\alpha\tau$  & esse  
 authorem, multaq; restituisse in Eu-  
 clideis, nonnullis lucem addidisse &  
 plenius tractasse, plurima inseruisse,  
 & in ordinem sibi uisum conuenien-  
 tiorē redegisse sicut intuenti sagacia-  
 ter totam totius operis structuram  
 perspicuum est. Certe scopus est au-  
 thori non tam Arithmeticen tractare  
 quam Geometriam, atq; ita quasi per  
 accidens insertos tres de numeris li-  
 bros arbitrantur, quò subsequens eos  
 decimus liber tractans  $\omega\pi\epsilon\rho\iota\ \mu\epsilon\gamma\acute{\epsilon}\theta\omega\upsilon$   
 $\delta\epsilon\acute{\rho}\mu\iota\tau\omega\upsilon$

ἀξιότων ἢ ἀλόγων absolui posset: Nam  
si utranq; disciplinam ex professo do-  
cendam suscepisset, orsus fuisset ab  
Arithmetica, quæ & facilior & natu-  
ralior est. P H: Quoquo modo se res  
habeat, instituas uelim perbreuem  
quindecim librorum, διατάξιμ O R:  
Audias igitur. Sex priores libri quan-  
quam multa particulatim contineant  
quæ à denominationibus Geometri-  
cis ad possessionem Arithmeticam  
non iniuria transferri possent ut ma-  
gna ex parte est 2 & 5 liber: tamen si  
integrum σώταγμα eorundem con-  
sideres, bonam comperies partem so-  
lis Geometricis competere & aliter  
in numeris fuisse describendā, præter  
quam quod habeant denotatio-  
nem magnitudinum propriam, τῶν  
μεγέθων, non generalem quantitatum.  
Tractant autem hi sex libri prima ele-  
menta secundæ speciei continuæ  
quantitatis, id est, πῶν τ' ἐπιφανείας δεω-  
σίαν, speculationes de superficie-  
rum quantitatibus, nec tamen quarumlibet  
super

superficierum sed  $\tau\acute{\epsilon}\tau\omega\iota\pi\acute{\epsilon}\delta\omicron$  saltem:  
Superficieii siquidem planæ primus  
debetur locus. Quid uerò singulis  
libris proprium sit, non est huius loci  
proponere.

Vltimi quinq; libri ut undeci-  
mus, 12. 13. 14. & 15. tertiam magni-  
tudinis seu quantitatis continuæ spes  
ciem, utpote  $\tau\acute{\omega}\varsigma\sigma\epsilon\pi\tau\omicron\mu\epsilon\tau\eta\tau\iota\alpha\mu$  breuiter  
perstringunt. Quibus adiungendi  
tres de Sphæra Theodosij Græcè  
nunc editi libri.

Reliquorum intermediorum li-  
brorum tres, ut 7, 8, & 9, Arithme-  
tices Elementa breuiter expediunt.  
Decimus totus in collatione confus-  
mitur: quum conferat  $\tau\acute{\omega}\varsigma\tau\acute{\epsilon}\tau\omega\iota\pi\acute{\epsilon}\delta\omicron\mu\alpha$   
 $\delta\epsilon\omega\pi\iota\alpha\mu$  ad numeros, & ob id reliquo-  
rum difficilimum uulgus Mathema-  
ticorum ueretur esse.

PH. Arbitraris perfectam Arith-  
metices ac Geometriæ cognitionem  
ex his 15 Euclideis libris posse quenq;  
haurire? OR: Minime, nam ex Eus-  
clideis scriptis harum disciplinarum

C

saltem

saltem τὰ πρῶτα στοιχεῖα καὶ τὰς πρῶτας  
ἀρχὰς sperare licebit, ideoq; Eleme-  
ta Euclidea dicuntur. Vberiolem ue-  
ro atq; exactiorem inquisitionem ali-  
unde te petere oportet : Geometrias  
quidem tū ex libris Archimedis qui  
Græce extant, tum ex doctrina tri-  
angulorum tam planorum quam  
Sphæricorum per D. Nicolaum Cop-  
ernicum & Ioan: de Regio monte  
in methodum redacta. Arithmetices  
autem Iordanus latinus scriptor, Ni-  
comachus Græcus, & nostri tempo-  
ris Cardanus bona ex parte supple-  
menta porrigent.

P.H. Sufficiant, precor, illa quæ  
hactenus sunt προλελεγμένα, desydero  
liquidem audire ipsum nobiscum lo-  
quentem Eucliden. OR. Parebo uo-  
luntati tuæ, nec uerò aliud mihi hic  
erit cure quam ipsissimum textum Eu-  
clide κατὰ τὸ ὅτι omisis probationibus  
seu mole demonstrationum propo-  
nere quanta potero simplicitate ac  
perspicuitate. Nam huiusmodi disci-  
plina

plinarum tractatio magis requirit sermo-  
nem distinctum, sanum, ac perspicuum, quam splendidum aut copiosum. Demonstrationes autem in presentia omitemus, quod initio tenella corpora non solido cibo, sed lacte nutrire conueniat. Ita nec erit opus multa prælibare de speciebus seu nominis demonstrationum nec de Petitis seu postulatis: Communeis animis natura insitas sententias, quæ Græcis sunt ἀξιωματικά, operose referre æquæ superuacaneum erit. Proinde superse-  
dentes his compendij ac facilitatis gratia, primum illustremus ipsas terminorum quorum usus erit in propositionibus definitiones, quas & ὄρισμοί aut etiam hypotheses posses dicere, de se operam ut probe percipias terminorum seu phraseων uim, qua dextre cognita non erit quod te uehementer torqueat in subsequen-  
turis deinceps propositionibus.

Sed audiamus iam ipsum  
Eucliden.

Cij

ὄρισι

TERMINORVM DE-  
FINITIONES.

**P H.** **N** On nego deberi multum  
laudis Zamberto latino  
Euclidæ interpreti. Cæterum qui  
græcè peritus græce loquentem le-  
gerit, deprehendet nonnihil discrimi-  
nis inter lacunas quamuis puras atq;  
iplos fonteis. Legam igitur singula  
Græce ut habet codex: Tu uel ad uer-  
bum uel more paraphrastæ reddas.  
Prima definitio sic sonat.

ἡ μὲν ἑστὶ καὶ ἢ τὸ ἕκαστον τῶν ὄντων  
ἕρ λέγεται. **O R :** *Unitas est secun-  
dum quam unumquodq; eorum quæ  
sunt unum dicitur.* Distinguit Eu-  
clides unitatem à rebus, ut res à Dia-  
lecticis dicta indiuidua sortiatur des-  
nominationem unitatis **P H.** Clarius  
nonnihil dicas idem. **OR.** Vult uni-  
tatem esse notam mentis nostræ, qua  
cuiusq;

cuiusque rei in natura existentis singularitas determinetur. Est autem unitas principium & fons numerorum, sicut κατ' ἀναλογίαν punctum in Geometria origo magnitudinum.

PH. Designes uerum, essenziale, ac natium numerorum & magnitudinum discrimen. OR. Numeri à certo principio tenuissimo & simplicissimo, nimirum a radice quæ est unitas ducentes initium procedunt κατὰ

*Discrimen  
Arithmetices &  
Geometricæ.*

σύνθεσιν καὶ συναθροισμῶν in infinitam augmentationem: At uice uersa magnitudines in Geometria κατὰ διάλυσιν a summo ducunt principium uidelicet a Corpulentia seu spissitudine quæ resoluitur in superficies, hæc deinceps in lineas. In linearum autem resolutione nuncq̄ ad punctum Geometricū deuenitur, quod per se nihil est, sed ipsius infiniti limes quidam. Ita numeris crescentibus in infinitū, magnitudines sine fine decrescunt.

PH: Peterem ut singulis numeris adsignares sua mysteria ( ut unitas habet mysterium diuinitatis ) sed præterquam quòd hæc res spectet ad primam Philosophiam & Theologiam illam Scholasticam, noui te nonnihil etiam deridere hoc genus curiositatis. Ideo oq̄ pergam legere secundam definitionem.

II. Αριθμός δ' ἐκ μονάδων συγκείμενον ὡλῆδος. OR: Numerum vocat ex unitatibus conflata magnitudinem. Hinc liquent prius dicta, unitatem non esse numerum, sed eorundem tenuissimum καὶ σοιχασθ' ἕσχατον μέρος. Igitur primus omnium numerorum posset quodammodo dici binarius. Perge.

PH. III. μέρος ἐστὶν ἀριθμός ἀριθμοῦ ἀελάσσων τοῦ μείζονος ὅταν κατὰ μετρή τὸν μείζονα. μέρος δὲ ὅταν μὴ κατὰ μετρή. OR. Pars est numerus numeri, minor maior.

maioris, quando scilicet maiorem emetitur: Partes verò, quando non emetitur: Adnectamus et quartam de finitionem quum sit tertiæ correlatiua alteraq; commode dilucidet alteram.

III PH. πολλαπλάσιος ἢ ὁ μείζων τοῦ ἐλάττωτος, ὅταν κατὰ μετρίται ὑπὸ τοῦ ἐλάττωτος. O R: Multiplicem numerum vocat maiorem respectu minoris, si absolute mensuratur à minore: PH. Non uideo quid per uocem κατὰ μετρίσεως intelligas. O R. Emetri, κατὰ μετρίειν, Euclidæ est numerum quemuis per alium præcise partiri, seu absolute mensurare, hoc est, ita diuidere, ut nihil supersit. Vt Binarium emetitur senarium (idq; ter) id est præcise diuidit, ne unitate quidem superante. At quaternarium senarium non emetitur, nam facta diuisione superant duo. P H. Nunc uideo me

adsequutum mentem authoris. In tertia definitione Partem uocat eiusmodi numerum quemcunq, qui ad alium se maiorem collatus, precise ipsum diuidat, id est, emetiatur uel absolute mensuret. Vt ternarius respectu senarij est pars, & respectu nouenarij, & respectu duodenarij. Nam hos omnes mensurat absolute aut precise diuidit. At idem ternarius respectu quaternarij, quinarij, et aliorum. quos non emetitur dicitur *non pars, sed parteis*. Quarta definitio huic tertiae est ἀντιστοιχος: Nam si ἀνάπαλις aut uice uersa maior rursus ad minorem conferetur precise mensuratus ab eodem, dicitur respectu minoris multiplex. Ita senarius respectu ternarij est τριπλασιος, et respectu eiusdem ternarij etiã nouenarius et duodenarius multiplices dicuntur quia ab eodem precise diuiduntur: O R. Recte sentis. Verum periculum etiam facimus in grandioribus numeris: Centenarius

narius respectu millenarij pars est, nā ille præcise in hoc continetur, & ἀνάπαλιμ millenarius respectu centenarij multiplex est. Ceterum 90 respectu 1000 non pars dicitur, quum non præcise diuidat uel metiatur millenarium. Dicitur ergo 90 respectu 1000 partes. De similib. idem esto iudiciū. PH. Definiet ne μοχ Euclides proportionē ut uocant τὸν λόγον numerorū. Nam huiusmodi σχέσις numerorum uocarem proportionem. OR : Reipsa definiuit eam modo, etsi nominatim hoc non sit factum. In magnitudinibus seu quantitate continua rotundius potuit definiri λόγος δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ κατὰ ποικιλότητα πρὸς ἄλληλα ποία χέσις, ut est in uestibulo quinti libri, quæ definitio necessario est ampla quò complectatur tam rationales quam irrationales magnitudines. Cæterum ἐν διηρημένῃ ποσότητι seu numeris, τοῦ λόγου descriptio æqua breuitate expediri nequit. Nec tamen ali-

EVCLIDBORVM ELE.

ud quippiam dixit author in 3 & 4  
 descriptione, quàm *Rationem seu τὸν*  
*λόγον* numerorū esse eiusmodi duob-  
 rum ad invicem habitudinem uel *ἄρ-  
 σιν* in qua consideratur uel quàm  
 multiplex sit maior numer. minoris,  
 uel minor ipsius maioris quanta sit  
 aut pars, aut partes quanta. *PH:*  
 Teneo. Quid, si maior numerus res-  
 spectu minoris non fuerit *πολλαπλα-  
 σισι*, quod habebit nomen? *OR:* uel  
*ἐπιμόρι* dicetur, uel *ἑπιμερής*, uel *πολα-  
 λαπλασι ἐπιμόριος*, uel *πολλαπλασι ἐπι-  
 μερής*. Sic omnis numerorum λόγος  
 propter quintuplicem uarietatem tero-  
 mini maioris ad minorem collati, in  
 unam harum quinque denomination-  
 um incidet. Sed hæc, ne te onerem  
 non libet uberius prosequi. Petas de  
 his in posterum Græcum Nicomach-  
 chi de Arithmetica scriptum. Nunc  
 pergas ad 5 definitionem, adiuncta  
 quoque sexta, nam sunt eiusdem argu-  
 menti, *PH: V. ἄριστος ἀριθμὸς ὅστις ἂ*  
*διχὰ*

## LIBER VII.

ἴσχα διαζοῦμενος. VI. περιεσόσδε ὁ μὴ δι-  
 χα διαζοῦμενος ἢ ὁ μονάδι διαφέρων ἀρτί-  
 ἄριθμου. OR: *Par numerus dicitur*  
*qui equabiliter diuidi potest: Impar*  
*verò qui non equabiliter diuiditur,*  
*aut qui unitate parem excedit. Hæc*  
*est prima numerorum diuisio κατὰ δι-*  
*χοτομίαν, quã non opus est explicare,*  
*quum & pueri norint par & impar lu-*  
*dere. Nunc sequitur subdivisio pari-*  
*um numerorum, quorum duas pro-*  
*ponet species, non treis. Legas igitur*  
*utramq̃. PH: VII: Ἀρτίως ἀρτίος*  
*ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ μετρου-*  
*μενος κατὰ ἀρτίου ἀριθμοῦ. VIII. Ἀρτί-*  
*ως δὲ περιεσόσδε ὅστις, ὁ ὑπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ*  
*μετροῦμενος κατὰ περιεσοῦ ἀριθμοῦ.*  
 OR: *Pariter par numerus est, qui*  
*mensuratur à pari numero secundum*  
*denominationem parem: Pariter*  
*impar uerò est, qui mensuratur à pari*  
*numero secundum denominationem*  
*imparem. PH: Miror, Orthophros*

ni, quæ in uestibulo Arithmetices  
 Euclidæ fiat saltem duarum specierum  
 quæ sunt in numeris paribus, mentio,  
 cum idem author fermè sub finem  
 Noni libri tribus continuis propositi-  
 onibus tres indicet esse parium nume-  
 rorum species. Nec aliud sentiunt  
 Nicomachus atq; eiusdem interpres  
 Latinus Boetius, quanq; ipsa nomen-  
 clatura tertiæ speciei non benè dissens-  
 tiant ab Euclide. OR: Commodè  
 mones illa Philomates. Si numero-  
 rum parium naturalem spectes  $\kappa\alpha\tau\alpha$   
 $\tau\omega\varsigma \delta\upsilon\sigma\iota\omega\delta\eta \delta\iota\acute{\alpha}\kappa\rho\iota\sigma\iota\mu$  tres omnino es-  
 runt retinendæ parium numerorum  
 species seu classes, quarum adpellatio-  
 nes quoquo modo uariantur, certe  
 res ipsa nihil uariatur. *Prima* species  
 est eorum qui  $\kappa\alpha\tau\alpha \sigma\acute{\alpha}\nu\theta\epsilon\sigma\iota\mu \acute{\alpha}\pi\omicron \delta\upsilon\acute{\alpha}\sigma\iota\varsigma$   
 $\delta\iota\pi\lambda\alpha\sigma\iota\acute{\alpha}\lambda\omicron\nu\tau\alpha\iota$  uel qui  $\kappa\alpha\tau\alpha \delta\iota\acute{\alpha}\lambda\upsilon\sigma\iota\mu$   
 $\sigma\iota\mu$  continuam suscipiunt  $\delta\iota\chi\omicron\tau\omicron\mu\iota\alpha\mu$   
 doneq; perueniatur ad basin unitatis  
 ut 4.8.16.32.64.128.256. & sic in in-  
 finitum. *Secunda* classis est eorum in  
 quibus

bus post primam διχοτομίαν statim fit  
 statio, uel quorum medietas impar est:  
 Talis est primus senarius, & omnes  
 qui in progressione Arithmetica iuxta  
 excessum quaternarij eum sequuntur,  
 ut 6. 10. 14. 18. 22. &c. Tertia  
 reliquos omnes pares complectitur  
 numeros, quorum proprium est, plu-  
 reis quidem quam unam suscipere  
 διχοτομίαν ut tamen ad unitatem non  
 perueniatur. Talis est primus duode-  
 narius et reliqui hunc subsequentes in  
 progressione Arithmetica iuxta dif-  
 ferentiam Octonarij, ut 12, 20, 28, 36,  
 44, 52, &c.

Hæ sunt tres illæ parium nu-  
 merorum species si naturalem species  
 eorundem discretionem. Cæterum  
 possunt & alia quadam discerni uia  
 numeri pares, ratione diuersæ adpel-  
 lationis, quæ suboritur cum emetiun-  
 tur illos alij pares numeri. Estq; uia  
 isthæ duplex quam hic monstrat Eu-  
 clides

clides 1. *Aut enim par numerus præcise mensuratus per aliquem parem nanciscitur denominationem parem, cuiusmodi sunt omnes quos primæ classi iuxta essentialem discretionem inclusimus: Ut si ipsum 32 emensus fuerit par quidam ( ut sit in præsentia 4. ) emerget in quotiente numerus par ut 8. Igitur ex definitione Euclidea propositus numerus 32 ratione factæ mensurationis, dicetur pariter par. 2. Aut numerus par præcise mensuratus per aliquem parem nanciscitur in quotiente denominationem imparem, quales sunt omnes quos secundæ classi dedimus. Ut sit 18 qui mensuretur per 6, redit ex diuisione 3 impar, uel mensuretur idem 18 per alium parem ut 2, redit itidem impar 9: Ex definitione igitur, 18 dicetur pariter impar.*  
 PH: Hæc posterior denominatio non tantum secundæ classis numeris  
 parie

## LIBER VII.

paribus ut indicasti competit, sed, ut  
 mecum reputo, etiam singulis tertiæ  
 speciei seu classis: Vt duodenarius  
 mensuratus per 4 acquirit in quotis  
 ente imparem 3: sic 20 mensuratus  
 per 4 parem, accipit denominantem  
 imparem 5. & sic de singulis: OR:  
 Eiusdem tertiæ classis paribus unia  
 uersis, si periculum feceris, compe  
 ries & priorem conuenire denomi  
 nationem quæ pariter par est: PH:  
 Diuersa igitur ratione tertiæ classis  
 numeros uis dici ex sententia har  
 rum duarum definitionum, aut pa  
 riter pares, aut pariter impares: OR  
 Pariter pares quidem, si mensurati  
 per parem nanciscuntur parem deno  
 minationem seu quotientem: Pa  
 riter impares autem, si mensurati  
 per parem, denominationem sorti  
 ti fuerint imparem. Vtq; rem to  
 tam breuibus aperiam, non iudices  
 Euclid

Euclidē hīc propriē recensere naturā  
 distinctas classeis seu species numero-  
 rum parium quæ reuera tres sunt,  
 sed ipsarum specierum duplicem  
 notare denominationem, in qua-  
 rum alteram necesse est cadere sin-  
 gulos pares, ut ad finem noni libri  
 cernitur. Subdas iam nonam defie-  
 nitionem. PH: IX. περιώτις δὲ πε-  
 ριωτός ὁστιν ὑπὸ περιώτου ἀριθμοῦ μετρου-  
 μένος κατὰ περιώτου ἀριθμοῦ. O R:  
*Numerus impariter impar dicitur,*  
*qui ab impari mensuratur iuxta de-*  
*nominationem imparem.* P H:  
 Video authorem imparium numero-  
 rum primarium quoddam designare  
 genus, quod complectatur tales impa-  
 res qui per imparem numerū præcisē  
 emensurati gignant in quotiente nu-  
 merum imparem: Vt Noneuarium si  
 metiatur ternarius, fiet hoc ter: Ita si  
 quindenarium emensus fuerit quinari-  
 us, fiet hoc impariter & quidem ter:  
 lin

ſin eundem quindenarium menſus fuerit ternarius, fiet id quinquies. Ex definitione igitur, 15 dicitur Imparis ter impar: Ad eundem quoque modum de cæteris iudicetur qui à nouenario oriſi per exceſſum ſenarij Arithmetice progrediuntur ut, 9. 15. 21. 27. 33. 39. 45. 51. 57. &c.

X. πρῶτος ἀριθμὸς ὅστις ὁ μονάδι μόνῃ μετρουμένους. XI. πρῶτοι πρὸς ἀλλήλας ἀριθμοὶ εἰσὶν οἱ μονάδι μόνῃ μετρουμένοι κοινῶ μετρουμένοι. O R: *Primus numerus vocatur is, qui ſola meſſuratur vnitatē: Primi vcrò ad inuicem dicuntur, qui ſolam vnitatem communem admittunt meſſuram.* PH: *Quam facis differentiam harum duarum definitionum?* O R: *Illā de numeris abſolute conſyderatis loquitur, hæc de Relatiuè, quemadmodum in quarta & tertia definitione numerorum ὡρὸς ἕτερον*

Ἐτέρων relatorum mentionem fecimus  
 PH: Sequentium duarum definitio-  
 num eadem, ut adparet intuenti, cog-  
 natio est. OR: Subnectas igitur &  
 has quum eadem opera possint cum  
 superioribus explicari. PH: XII.  
 Σώδετος ἀριθμός ἐστίν, ὃ ἀριθμῶ τινι με-  
 τρούμενος. XIII. Σώδετοι δὲ πρὸς ἀλλή-  
 λους ἀριθμοὶ εἰσίν, οἱ ἀριθμῶ τινι μετρού-  
 μενοι κοινῶ μέτρῳ. OR: *Compositus nu-  
 merus dicitur quem mensurat nume-  
 rus quidam: Compositi vero adinui-  
 cē numeri dicuntur, qui mensurantur  
 numero quodam ut communi mensu-  
 ra. Vides & harum priorem de num-  
 meris absolutis agere, alteram de Re-  
 lativis; et ut X definitio ipsi XII,  
 sic & XI ipsi XIII ἐναντιούται.* PH:  
 Explices igitur X. & XII. coniun-  
 ctim, ac deinceps XI. & XIII. OR:  
 Commodē mones. Notabis autem  
 prius hanc θίσιρ *Omneis numeros ve-*

rds & naturaleis in Arithmetica  
 οὐκ ἔστιν ἔσθαι, commensurableis, quā  
 habeant vnuerſalē quandam ac mi-  
 nimam mensuram, quæ singulos me-  
 titur, vnitatem. Quilibet igitur nu-  
 merus per se consideratus, si præter  
 generalem illam unitatis mensuram  
 nullum admiserit se metientem nume-  
 rum, is ex definitione Euclidæ dice-  
 tur numerus Primus: Vt 5. 7. 11.  
 &c. Contra uerò si numerus proposi-  
 tus possit uel uno, uel pluribus etiā  
 mensurari numeris, dicitur Euclidæ  
 non primus sed compositus: Vt 4.  
 non tantum unitate potest mensurari,  
 sed et binario numero. Duodenarium  
 similiter non tantum unitas metitur  
 generalis omnium mensura, sed 2. &  
 3. & 4. & 6. dicitur idcirco & 12  
 compositus numerus, per se consy-  
 deratus. PH: Decima definitio de  
 numeris per se primis, competit ne  
 multis: OR: Non multis. Nullis

D ij      siquis

siquidem paribus numeris, nisi soli binario qui primus dicitur ex definitione: Hic quum sit omnium parium numerorum infimus & tenuissimus, nulliꝝ competat species parium numerorum, sit ut metiatur idem omnes pares numeros ( ex 5 definitione ) Non poterit ergo præter solum binarium, ullius speciei par numerus incidere in X. definitionem. PH: Soli igitur Impares. OR: Neqꝫ hi omnes, exceptis nimirum illis qui Impariter impares uocantur, quorum singuli ( ex IX. definitione ) per alium imparem mensurantur. PH: Ex his monstratis iam facile colligo Orthophroni, duodecimam definitionem de numeris per se compositis ( aduersantem decimæ ) completi singulos numeros pares, atqꝫ impares impariter: Restat XI & XIII. definitio explicanda, in quibus dixisti considerari non per se unum tantum numerum, sed uel duos, uel quolibet plureis.

## LIBER VII.

plureis. Productis uelim oppositis exemplis rem ostendas: OR: Sint numeri 6 & 7: quorum etsi senarius per est compositus (quum metiatur eū binarius, itē ternarius) tamen quando nec binarius nec ternarius mensurent etiā septenarium cui confertur, dicuntur igitur 6 & 7, inter se (uel ad inuicem) primi (ex definitione XI) obtinentes saltem communem sibi unitatis mensuram: Ceterum 6 & 8 (quū communem habeant binarij mensurā) dicuntur ex definit. XIII. compositi inter se. PH: Des diuersum nonnihil exemplum collatis inter se pluribus numeris. OR: Sint quinque numeri 4. 6. 8. 10. 13. Ex his 4. 6. 8. 10. sunt quidem inter se compositi, admittentes communem binarij mensuram: uerum cum eadem binarij mensura non competat etiam 13, erunt hi quinque dati numeri 4. 6. 8. 10. 13.  $\omega\gamma\omega\tau\alpha\ \omega\gamma\omega\varsigma\ \kappa\lambda\lambda\acute{\iota}\lambda\omicron\upsilon\varsigma$ : ex XI definitione. Quod si loco 13. sumpseris alium quempiam

EVCLIDEORVM ELE.

numerum quem metiri possit binariis  
 us, reliquorum præcedentium com-  
 munis mensura ( sit uero in præsentia  
 14 ) dicentur 4. 6. 8. 10. 14.  
 σώδειρι πρὸς ἀλλήλους ( ex definitio-  
 ne XIII ) PH: Rationem adpellatio-  
 nis aueo cognoscere. O R: Cognos-  
 ces illam commodius ubi in proposi-  
 tionibus horum terminorum uis sese  
 obtulerit, satis est iam scire qui nume-  
 rus uocetur primus, qui compositus,  
 quibz adinuicem primi dicantur, qui  
 uerò compositi inter se. PH: Sequit-  
 tur definitio multiplicationis nume-  
 rorum quæ sic habet.

XIII. Αριθμὸς ἀριθμὸν πολλα-  
 πλάσιαζερ λέγεται, ὅταν ὅσα ἴσα εἰσὶν  
 ἐν αὐτῷ μονάδες, ποσαυτῶκις σωτεθῆ ὁ  
 πολλαπλασιαζόμενος καὶ γένηται τις.  
 O R: Numerus numerum multipli-  
 care dicitur, quando quot in multi-  
 plicante sunt unitates, toties multipli-  
 candus

## LIBER VII.

*candus coaceruatur, produciturq; ali-*  
*us inde.* PH: Sit 5, quem statuam esse  
 se multiplicantem quaternarij nunc  
 multiplicandi. OR. Vbi igitur qua-  
 ternarium quinquies aggregauiero  
 (nam tot 5 multiplicans habet unita-  
 tes) dicetur, ex hac definitione, 5  
 multiplicauisse quaternarium, emer-  
 gentibus inde uiginti. Atq; ita de  
 reliquis iudicato. PH. Posses, ut  
 uideo, liberius τὸν πολλαπλασιασμόν  
 dicere, quādo cunq; propositorum  
 numerorum alteruter sumitur toties,  
 quot alter complectitur unitates. OR  
 Bene dicis. Animaduertendum & il-  
 lud tibi. Compositionem numerorū  
 eorundemq; diuisionem totum in A-  
 rithmeticis uersare negocium: Aut e-  
 nim colligo numeros aut eosdem se-  
 grego. Pendet hinc omnis quę in Lo-  
 gistica instituitur ratiocinatio guber-  
 nata certis proportionibus. Nec uerò  
 te moueat quòd aliàs quatuor recense-  
 antur à Logistis species operationum.

*Tota Lo-  
 gistica uel  
 componit,  
 uel diuidit,  
 uel ratio-  
 cinatur.*

D iij

Nam

EVCLIDEORVM ELE.

Nam ubi colligis componisue numeros facis hoc uel naturali illa norma additionis, uel quando res ita fert ad uisandum fastidium reiterationis, adhibes compendium τοῦ συνάθροισμῶν Multiplicationem, ut de indicatione definitionis Euclidæ percepisti. Itidem ubi diuellis numeros, fit hoc uel per simplicem illam ἀφαίρεσιν subtractionem, uel per diuisionem quæ crebrius repetendę subtractionis methodus est. Sed non nihil exorbitamus; Pergas legere textum.

XV. PH: ὅταν δὲ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσιν τινα, ὃ γινόμενος ἐπίπεδος καλεῖται: πλευραὶ δὲ αὐτοῦ οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀριθμοί.

O R: *Duo numeri se multiplicantes ubi creauerint aliquem, productus inde, planus dicitur: numeri uerò se multiplicantes latera plani dicentur: Ut multiplicet quinariùs quaternariùs*

um,

## LIBER VII.

um, fit inde 20. qui planus dicitur :  
 Cæterum 5 & 4 latera 20. Eodem  
 modo multiplicet 3 senarium : fit inde  
 18. qui dicitur Planus ( τετραπλευρος )  
 at 3 & 6 latera plani :

PH: XVI. ὅταν ὅ τρεῖς ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσιν ἓνα, ὁ γενόμενος στέρεος καλεῖται: πλευρὰ δὲ αὐτῶν οἱ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ἀριθμοὶ. OR: Vt præcedens definitio monstravit numeros planos in superficie, sic hæc subsequens indicat illos quos solidos dicimus numeros: *Quando verò tres numeri se multiplicantes creauerint aliquem, factus inde solidus dicitur: Tres autem se multiplicantes numeri latera solidi dicentur.* PH: Video ad solidum numerum requiri trium numerorum, ut laterum, multiplicationes quæ hunc producant, Sint enim tres qualescunque numeri 3. 5. 4. multiplicetor

EVCLIDEORVM ELE.

primus 3 secundum 5. efficiendo 15  
 qui ex XV definit. planus dicitur:  
 Hic rursus multiplicetur per tertium  
 propositorum ut 4 emergunt 60,  
 quem ex hac definit: solidum dicimus  
*semper complectentē aliquem planū,*  
 Laterāq; huius 60 solidi, sunt inter se  
 tres multiplicati numeri 3. 5. 4. OR:  
 Si in his proximis definitionibus  
 mentem authoris consecutus es, non  
 difficulter adsequeris proximē sequē  
 teis duas: Nam quod XV in genere  
 de numeris planis indicauit, id ad spe  
 ciem detorquebitur in XVII: Rur  
 sus quod XVI de numeris solidis  
 uniuersaliter, idem notabit XVIII  
 specificē, ut legendo deprehendes.

PH: XVII. τετραγωνος αριθμος εστι  
 ο ισαικισ ισος: η δ υπο δυο ισων αριθμων  
 περιεχομενος. XVIII. κυβος δε ο ισαικισ  
 ισος ισαικισ: η δ υπο τριων ισων αριθμων περι  
 εχομενος. OR: Numerum quadra  
 tum

## LIBER VII.

*tum vocamus qui æqualiter æqualis,*  
*id est, qui à duobus æqualibus nume-*  
*ris, vt lateribus compræhenditur.*  
 Vides quadratum numerum specia-  
 em quandam esse planorum numero-  
 rum. Nam ut planus numerus gene-  
 raliter est, qui fit ex ductu qualium-  
 cunq; duorum in se numerorum, ut  
 perhibuit X V definit: Ita specia-  
 tim quadratus numerus est eiuscemo-  
 di planus, quem latera saltem æqua-  
 lia compræhendunt. Vt sint æqua-  
 liâ latera 4 & 4, quæ multiplicen-  
 tur, fit inde 16 planus numerus &  
 quidem Quadratus seu quadratè  
 planus à forma Geometrici quadra-  
 ti. Quilibet ita numerus multi-  
 plicatus per sibi æqualem, hoc  
 est, seipsum, gignit quadratum  
 numerum: Quare sunt quadrati  
 numeri inuentu facilimi creberrimiq;  
 & infiniti.

PH.

EVCLIDEORVM ELE.

PH: Eadem est habitudo XVIII  
 definitionis ad XVI agentis de cu-  
 bico numero ut specie quadam solis-  
 dorum. Dicitur verò cubus aut cubi-  
 tus numerus Euclidæ, qui æqualiter  
 æqualis æqualiter: hoc est, à tribus  
 æqualibus numeris ut lateribus com-  
 præhensus: Sint enim tria æqualia la-  
 terea 4, 4, 4: Quorum duo primum  
 inter se multiplicentur ( ut aliàs mos  
 est in omnibus solidis ) quò prodeat  
 planus initiò qui hæc est quadratus,  
 16, idem quadratus in tertiu deinceps  
 latus ducatur quò prodeat solidus &  
 quidem cubicè solidus seu cubus 64 .

PH: Ita quadratus numerus com-  
 præhenditur in cubo? OR: Vt an-  
 tea dixi quemlibet solidum complecti  
 Planum numerum: PH: Hæc res, ut  
 video, Schematisticen peperit, cuius in  
 προλογικῆς mentionem faciebas,  
 quæ applicat schemata Geometrica  
 numera

LIBER VII.

numeris OR: Recte sentis: Primaria  
 uerò Schematistices pars est non tan-  
 τῆ τετραγωνικῶν πλευρῶν aut cubicum  
 latus in numeris inuestigare, cuius  
 negocij in Elementis his Euclideis ia-  
 ciuntur fundamenta, sed & aliorum  
 numerorum uaria repræsentantium  
 schemata tam latera quam capacitates  
 sciscitari: PH: Nec heic uerò defini-  
 untur, nec, ut arbitror deinceps tra-  
 ctabuntur ab Euclide aliorū Schema-  
 tum numeri, ut Trigonaes, Circu-  
 culares, Sphærici, Pyramidales, cæ-  
 teriq; eiusdem generis. OR: Primum  
 idcirco isthæc Euclideanæ percipere ru-  
 dimenta sit tibi curæ: Illa uerò uel ex  
 Nicomacho uel alijs eiusdem uel  
 antecessoribus uel sequacibus licebit  
 petere. Legas iam definitionem 19.

XIX. PH: Αριθμοὶ ἀνάλογον εἶ-  
 νησιν, ὅταν πρῶτος τοῦ δευτέρου, καὶ ὁ τρί-  
 τος τοῦ τετάρτου ἰσάνησιν ἢ πολλαπλασιασθῶσιν  
 ἢ τὸ αὐτὸ μέρος ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ὡσιν.  
 Nunc

Nunc audio numerorū ἀναλογία quid sit, quū in tertiā et quarta definitione τὸν λόγον eorundem subindicarat ;  
**OR:** Quod igitur iudicas discrimen esse inter λόγον (quem malim latinē dici rationem potius ac proportio-  
nem) & ἀναλογίαν quam rectius dis-  
xerint latini proportionē quā pro-  
portionalitatem, uoce alias non inuisi-  
tata Boetio? **PH:** λόγος dicitur cum sit σύγκρισις duorum saltem numero-  
rum (quos ὄψεις dicunt) considerans  
do primum an sint æquales an inæ-  
quales: Porro si inæquales, quantum  
superet uel maior minorem, uel mi-  
nor superetur a maiore hoc est quan-  
ta sit maioris pars aut partes. Vt si  
contuleris Millenarium 1000 cum  
Centenario 100, Videbis depræhensa  
statim inæqualitate, millenarium cen-  
tenarij multiplicem esse quum præcisè  
se illum complectatur. Conuersim au-  
tem centenarium millenarij partem  
esse, quumq; decima est, dicitur hic  
λόγος

## LIBER VII.

λόγος δεκάπλευστος seu ratio decupla.  
 Cæterum si huius decuplæ rationis similitudinem in alijs quoq; numeris ostendero, dicetur hæc exemplorum similitudo rationumq; earundem collatio, ἀναλογία, Latinis proportio seu ut vulgo dicunt proportio-  
 nalitas: Ut quæ est ratio 1000 ad 100 eadem est 20 ad 2, et 70 ad 7, et 90 ad 9. OR: Hæc uides consentire cum definitione nostra: *Numeri proportionales sunt, quando primus ad secundum, & tertius ad quartum ( Porro quintus ad sextum, & septimus ad octauum &c) æqualiter aut multiplex, aut eadem pars, aut eadem partes esse deprehenduntur.* Nam primus 1000 ad secundum 100 ita decuplus est, ut tertius 20 ad quartum 2, & quintus 70 ad sextum 7, & septimus 90 ad octauum 9. PH: Rem ipsam probè sum adsequutus, sed iuas me uelim pluribus adductis

παραδείγμασι

ραδειγμασι: O R; Attendas igitur  
 Quaternarius ad senarium non pars  
 est, sed partes dicitur ex tertia defini-  
 tione. Cum autem compræhendatur  
 minor (4) in maiore (6) semel cum  
 medietate sua id est binario, dicitur  
 hæc  $\chi\acute{\epsilon}\iota\varsigma$  in ratione fieri hemiolia, uel  
 (ut latine loquar) sesquialtera. Hanc  
 rationem ubi similibus induxero ex  
 emplis, fiet  $\acute{\alpha}\nu\alpha\lambda\omicron\gamma\iota\alpha$ . Ut sicut 4 ad 6  
 ita 6 ad 9 & 8 ad 12. Dicas igitur ex  
 nostra definitione, hos sex numeros  
 esse proportionales. Aliud, i respectu  
 4 pars est, & 4 respectu unitatis mul-  
 tiplex, cumq; quater eam complectas-  
 tur, dicitur hic  $\lambda\acute{o}\gamma\omicron\varsigma$  τετραπλάσιος ra-  
 tio quadrupla. feceris autem propor-  
 tionalitatem si dixeris  $\acute{\alpha}\nu\alpha\lambda\omicron\gamma\iota\kappa\acute{\omega}\varsigma$ , Ut  
 1 ad 4, ita 6 ad 24, & 3 ad 12, & ad 4  
 ad 16. Brevitatis gratia supersedeo  
 pluribus exemplis quæ poteris ad pla-  
 citum cum uaria tum infinita tibi fin-  
 gere. PH. Quid, si dixerero, ut 6 ad  
 duodenarium ita hic ad 24, hanc cens-  
 sebis

sebis rationū similitudinem posse dici proportionalitatem? quod mihi uideretur fieri præter mentem nostræ definitionis, quæ postulat in numeris proportionalibus quatuor ad minimum terminos, quum heic saltem tres sint.

OR: Vt omnis ratio inter duos ad minimum consistit terminos, lic omnis ἀναλογία quæ rationis ad rationem collatio est, ad minimum inter quatuor consistit terminos, *idq. si non semper actu, tamen potentia.* Nam in continua proportionalitate (quæ tres ad minimum requirit terminos) medius tametsi unus tantum est, tamen vicem duorum sustinet, bisq; repetitur, ut sit idem prioris rationis ὄρος πρότερος & subsequentis ὄρος ὑπομέσος id est, terminus antecedens & consequens: Vt se habet Quaternarius ad senarium ita hic ad nouenarium, 4, 6, 9: οὐτεχὴς hæc est ἀναλογία constans rationis sesquialteræ collatione, ubi medius

E            dius

EVCLIDEORVM ELE.

dius terminus ( qui dicitur, τὸ μέσος ἀνάλογον ) communis limes est utriusque rationis, nam συνεχῶς terminat priorem, & excipit posteriorem rationem: Nihilominus bis ut sumatur necesse est, haud aliter ac si scriberetur ut 4 ad 6 ita 6 ad 9: Quot partium est primus ad secundum collatus, tot partium est tertius ad quartum, ut uult definitio, quam uides in continua proportionalitate idem tueri ius suum, quod tibi citra dubitationem haberet in hac διηρημένη, Disiuncta, ut 8 ad 12, ita 14 ad 21. P H: Habet non nihil cum his adfinitatis sequens definitio, quam legam:

XX Ὅμοιοι ἐπίπεδοι καὶ σφαιροὶ ἀριθμοὶ εἰσιπρῶτοι ἀνάλογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

O R: Hoc non poteris non intelligere, si definitiones planorum & solidorum numerorum iam enarratae accommodaueris definitioni: *Simileis planos numeros*  
*vocat*

## LIBER VII.

vocat, simileis item solidos, qui proportionalia habent latera: De planis prius dabo exempla: Sumamus planum numerum 6 cuius sunt latera 2 & 3, nam ex horum multiplicatione seu ductu alterius in alterum prodit: Sit item alius planus 24, cuius latera sint 4 & 6: Quandoquidem iam inter latera prioris plani est sesquialtera ratio, atq; eadem inter latera posterioris plani ( ut enim 2 ad 3, sic 4 ad 6 se habent ) dicentur propositi duo plani 6 & 24, ex sententia presentis definitionis, similes. Aliud: Sit planus 8 cuius latera 2 & 4: Et alius planus 18, cuius latera 3 & 6: Alius item, 50, cuius latera 5 & 10: Quia igitur latera prioris plani consistunt ἐν διπλασίονι λόγῳ, lateraq; reliquorum duorum planorum huic rationi respondeant κατ' ἀναλογίαν, dicas de sententia definitionis, tres numeros propositos planos, ut 8, 18, 50, sibi simileis esse:

E ij

PH:

EVCLIDEORVM ELĒ.

PH: Subijcias etiam de solidis numeris tot exempla ut nihil relinquatur non pueriliter explicitum. OR: Accipias solidum numerum 30, cuius sint tria latera 3, 5, 2, quæ (ut uisdisti in 16 definitione) creent eundem: Accipias & alium ut 240, cuius sint latera 6, 10, 4: Cum autem prima duo latera in primo ordine sint in ratione superbipartiente tertias, secundiq; ordinis prima duo latera αναλογικῶς se habeant: Posteriora item duo latera utrobicq; se respiciant ἐμβαλλογία rationis διπλασιασμοφημιολίου, duplæ sesquialteræ, dices ex definitione propositos solidos 30 & 240 sibi similes adpellari. Nec diuersa est consideratio si uel plureis quàm duos solidos analogica similitudine contuleris: ut si prædictis duobus solidis addideris tertium solidum 810, cuius sint latera 9, 15, 6, uocentur tres dati solidi similes, quum & in tertio solido prima duo latera sint in ratione superbipartiente tertias.

## LIBER VII.

partiente duas tertias, posteriora uero duo in dupla sesquialtera, ut haud operosa collatione deprehenditur; Hæc de penultima Definitio: sufficiant.

Restat adhuc definitio numerorum perfectorum, de quibus nihil attinet in præsentia τυπικῶς aut etiam moraliter uelle declamitare. PH. Pulcrum tamen in numeris est uideri Ideam quandam perfectionis illius quam possedit Adam ante lapsum & etiamnum species angelica. Nec dubito pulcerrimas elici posse Allegoriaras ἢ τις ἐξ ἑστασικῶς προσέρχοιτο hoc est, ingeniosè consyderaret horum numerorum generationem atq; peruestigationem sapientiæ plenam, quod uehementer optarem Orthophrontium amico præstare. OR: Illa res spectat ad τὰ μετὰ τὰ φυσικὰ, seu primam Philosophiam quæ penes scholasticos est Theologos. *Nec ego verò soleo confundere doctrinarum tractatio-*

E iij. nes

EVCLIDEORVM ELE.

nes, multò minus miscere prophana  
 sacris. PH: Aueo tamen solam per-  
 uestigationem numerorum huius ge-  
 neris in præsentia cognoscere. OR:  
 Est & hæc à terminorum definitioni-  
 bus aliena: Cognosces autem aliquan-  
 do illam ( si & ocium mihi fuerit hæc  
 persequi & Deus conatum iuuerit )  
 in calce noni libri Elementor : Euclis-  
 dæ : Ibi datur eorundem miram uide-  
 re numerorum raritatem, haud aliter  
 ut in rebus materialibus seu Physicis  
 rarissime sese offerunt superficies τε-  
 τράγωνοι quadratæ, in quibus & qua-  
 tuor anguli recti sint & latera quatuor  
 æqualia. PH. At numeri quadrati, ut  
 de superiore memini indicatione, non  
 sunt rari. OR : Nec uero superficies  
 quadratæ Geometrica consideratio-  
 ne raræ sunt, quum ad singulas lineas  
 ratione Mathematica quadrata collo-  
 centur : Cæterum res materiales &  
 palpabiliter sensibus obuias in forma  
 quas

Dictum  
 Simonidis  
 hinc expli-  
 candum.

quadrata reperiri non sæpe contingit:  
 idcirco per similitudinem solis in Arith-  
 metica competit numeris perfectis,  
 quos oportebit tandem definire, ne  
 ueluti cæco multa garriam de ignotis  
 ipsi coloribus. PH: Ita sonat ultima  
 definitio.

**XXI** τέλεις ἀριθμὸς ὅστις, ὃ τοῖς  
 ἑαυτοῦ μέγεσσι ἴσος ὤν: Quum sciam tot  
 μέγεσιν definitionem tertio recitatam  
 nihil relinquitur mihi dubitabile:  
*Perfectum numerum dicimus: qui  
 suis partibus æquatus est, Id est,  
 cuius omnes quotquot admittit par-  
 tes in summam coaceruata reddunt  
 ipsum numerum propositum. OR.  
 Mihi iam noti sunt certi, quibus  
 id competat, numeri, ideoque li-  
 berabo te molestia quaerendi:*

EVCLIDEORVM ELE.

Senarius primus est perfectiorum: Cuius prima mensura seu pars est unitas communis omnium numerorum mensura: deinde mensurat senarium binarius: tandem ternarius: nec plures mensuras, seu partes senarii repetire licebit: Hæ igitur si coaceruentur, redeunt 6

	1
	2
	3
	—
	6

Secundus perfectiorum est 28:

Quæ primo mensurat unitas, deinde 2 deinde 4, & 7, et 14:

	1
	2
	4
	7
	14
	—
	28

quæ partes seu mensuræ conflatae, dant ipsum 28. De reliquis perfectis idem esto iudicium.

28

PH: Coniunctio numerorum non perfectorum partis seu mensuras declinare à perfectione aut καθ' ἑνὴς βολῆς  
aut

## LIBER VII.

aut ἑλλείψιμ. OR : Recte iudicas :  
 Quorundam enim partes coaceruatae  
 superant numerum datum, quos Ni-  
 comachus uocat ὑπερτελείς superfluos  
 uel abundantes ; quorundam uero  
 mensurae collectae non explent ipsos,  
 dicuntur ἰσθμιαί deficientes aut di-  
 minuti, ut Duodenarij partes sunt 1,  
 2, 3, 4, 6 ; quae collectae plus reddunt  
 duodenario, qui ob id Abundans ad-  
 pellatur : Contra Octonarius defici-  
 ens est, cum eiusdem partes sint 1, &  
 2, & 4 ; quae > reddunt non 8. PH :  
 Tradidit haec tenus Euclides termi-  
 norum, credo principalium, definitio-  
 nes : nam sine dubio plures in ipsis  
 propositionibus occurrent, quos  
 si opus fuerit, tuum erit suo  
 loco describere OR :

Fiet.

E S PRO

EVCLIDEORVM ELE.  
PROPOSI-  
TIONES.

PH: PETO QVO STES  
factis à te promissis ne me oneres de-  
monstrationum operositate, sed nu-  
das propositiones cum Græcè tum las-  
tinè κατὰ τὸ ἔτι explices. Nam ipse  
meo deinceps Marte demonstratio-  
nes singularum adsequi citra difficul-  
tatem potero ubi rem ipsam exemplo-  
rum commoditate illustratam pri-  
mam nouerim.

Sunt ne propositiones Arithmes-  
ticae unius generis? OR: Non sunt:  
Notes uero hanc communissimam  
distinctionem, ἑστέρας alias dici δε-  
ωρήματα alias προβλήματα: PH: Quàm  
pueriliter uelim hæc duo mihi desi-  
gnes ac discernas genera: OR: The-  
orematum scopus est ἡ γνώσις sola co-  
gnitio. In horum enim scitu mens nos-  
tra acquiescit: ut si dixerò: Quot-  
cunq; paribus numeris in summam  
colle-

LIBER VII.

collectis, congestus etiam par est :  
Hoc ubi uerum esse comperero,  
statim acquiesco.

Cæterum  
Problemata fieri quid expetunt : ut si  
datis tribus numeris iubeat quartum  
ipsis *εὐλόγοι* subiicere : Quod nisi  
præstitero, satis factū non erit proble-  
mati quantumuis norim numerorum  
proportiones. Itaq; non difficile est

primo statim intuitu agnoscere uel  
Theorema uel Problema : quanq; &  
ubi demonstrantur, notabiliter in fine  
audis problemata ne demonstraueris an

Theorema: Est enim ὅπρις εἶδει ποιῆσαι  
(id est, quod facere oportuit) proble-  
matum semper, ὅπρις εἶδει δειξῆσαι (quod  
oportebat demonstrasse) Theorema

tum *χαρακτηριστικόν*: PH. Vtrum, quæ  
so, præferas alteri ? OR : Euclidæ  
Græcus commentator de sententia  
Carpi Mechanici refert, Problema-  
ta cum simplicitate ac perspicu-  
itate sua, tum uia inuentionis ac or-  
dine merito anteuertere Theoremata

Nam

Septimus  
Liber con-  
tinet 41.

propositio-  
nes: Qua-  
rum 6. pro-  
blemata

sunt reli-  
que 35.

Theorema  
ta.

Nam horum *συμπλήματα* quem locum haberent, ni prius eorundem *τὰ ὑποκείμενα* beneficio problematum fulciarentur? quod an uerum perinde sit in Arithmetiis nunc non disputo; Tandem uero statuitur ibidem quod dignitate seu præstantia *θεωρήματα προῦπάρχη τῶν προβλημάτων*. Sed hæc uelut in transcurso saltem attigisse sufficiat. P H: Legam uis igitur primam propositionem, nam hanc speculatiuā esse prima facie deprehendo? O R: Audias prius alterum quod de propositionibus te monere decreueram; P H. Quid hoc est?

OR: Resoluitur ferme omnis propositio seu Geometrica seu Arithmetica in duas integrales partes, quarum prior *θετόμενον* dicitur Mathematicis (Dialecticis fortassis *ὑπεκείμενον*) altera uero *ζητούμενον*: popolariter & *κατηγορούμενον* adpellare: P H. Ferme omnibus *προτάσεις* has

## LIBER VII.

has duas inesse dicis parteis? Sunt igitur fortassis quedam in quibus non liceat reperiri utranq;? O R: Sunt quam plurima problemata, in quibus datum seu  $\theta\epsilon\omicron\iota\upsilon\mu$  desideres: Quæsitum vero seu  $\tau\omicron\delta\epsilon\kappa\nu\acute{\nu}\mu\epsilon\nu\omicron\upsilon\mu$  nusquam potest exulare, nam efficit ut propositio dicatur propositio P H. Habebimus ne mox huius generis aliquot problema-  
ta? O R: Nec in hoc septimo, nec reliquis duobus occurrent libris, quum tamen sint creberrima Arithmeticis: Evoluas aliquando decimum librum, ubi non semel nec anxie inuestigata sese tibi offerent. P H: Theorematibus autem censes nec datam nec quæsitam partem deesse? O R: Censeo. P H: Ad quid vero conducit in quavis propositione has duas discernere? O R: Vt scias, quid sit hoc quod pro confesso adsumitur, ut extra controuersiam positum, quid uero illud de quo laboras ut dubitatio-  
nis

EVCLIDEORVM ELE

nis obiecto. Equidem, cum ad demonstrationem cuiusque προτάσεως acceditur, circa δεδομένον ἢ θέσιν, nihil prorsus laboro, sed dato assumpto, pedetentim inde atque ordinate serpo quò tandem ueritatem του ζητούμενου uenari liceat. PH: Praestat utriusque partis periculum facere in exemplis: Itaque legam textum.

PRIMA PRO-  
positio.

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσωρον ἐκκειμένων, ἐκδυφαιερμένον αἰεί τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος ὁ λειπόμενος μείωσθε καταμετρήσῃ τὸν πρό ἑαυτοῦ ἕως οὗ ληφθῆ μόνος: οἱ ἕξασχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἑαυτὰς ἔσονται.

OR: Hic nihil iuberis facere Philomates: Non est igitur Problema sed Theorema; Cuius sensus: Si

## LIBER VII.

*Si duobus numeris inaequalibus pro-*  
*positis per vicissitudinem detraha-*  
*tur minor à maiore semper, nec in-*  
*terim minor aliquis relictus maio-*  
*rem sibi proximum metiatur donec*  
*tandem peruentum fuerit ad vni-*  
*tatem: duos initio propositos nu-*  
*meros inter se primos esse. P H:*  
 Video insignem huius Theorematis  
 utilitatem in usitata practica, posse de  
 numeris quantumvis amplis iudicare  
 (ex indicatione huius propositionis)  
 sine inter se primi uel compositi:  
 Lætor unâ quod terminos præsentés  
 nihil iam opus habeam discere: Si  
 quidem declarati sunt definitione 11  
 & 13. Nunc id solum requiro à te Or-  
 thophroni, ut appositè excogitatis  $\omega\alpha\sigma\pi\alpha\sigma\iota\gamma\mu\alpha\sigma\iota$  rem elucides & in hac &  
 sequentibus propositionibus, quo sal-  
 tem  $\tau\epsilon\sigma\tau\iota$  nudum percipere primum  
 liceat. O R: Præmittam tamen sem-  
 per

per limitationem duarum partium cuiuscq; propositionis, nam id omnino præterire non ẽ retua est : Cæterum quæ solent alias subijci non incommode de casuum & membrorum discretionẽ, illa lubens compendij gratia negligo.

Est autem huius Theorematis datum, τὸ δεδόμενον, sicum in duobus numeris inæqualibus, in quibus altera nata seruatũ subtractio, donec fiat propter unitatem statio: Hæc prior pars, ut uides, porrigit se uelut unum κῶλ μ ad duo punctula quæ post hac semper constituemus limites τοῦ δεδόμενῃς : Quæsitum uerò, τὸ ζητούμενον, uult, duos prius datos numeros non admittẽre generalem quandam mensuram siue numerum quo præcisẽ diuidantur : Hoc enim καθ' ὑπόθεσιν ante diffinitione proditam est numeros inter se primos esse. P.H: Rhombum propositionis habeo : Nunc ex-

ems

## LIBER VII.

emplis mecum agas. **OR:** Sumantur uel dentur duo numeri inæquales 8 & 19. Minore autem (8) subtractio, quoties id licuerit, à maiore (19) factio nimirum periculo mensurationis ut uult Euclides, comperies octonarium non emetiri 19, nam post quàm 8 bis inclusus est, relinquitur 3. Hoc residuum rursus subducatur (per periculum mensurationis) à **PROXIME** se maiore (8) itidemq; comperies ternarium non emetiri proximè se maiorè octonarium, sed ubi ab hoc bis comprehensus est ille restat 2. Hic rursus, ut ultimum residuum, à **PROXIME** se maiore (3) subducatur, factio periculo mensurationis, quæ cum heic non habeat locum, relinquitur unitas. **PH:** His ita se habentibus iuxta Theorematis  $\delta\epsilon\delta\omicron\mu\epsilon\nu\omicron\rho$ , adhibeo  $\zeta\eta\omicron\nu\omicron\mu\epsilon\nu\omicron\rho$  eiusdem pronuncioq; datos numeros 8 & 19 inter se primos esse hoc est, ut explicat definitio, nullam ad

EVCLIDÉORVM ELE.

mittere communem mensuram præter solam unitatem, PRIMAM & communem omnium numerorum mensuram. Sed concilius, uelim, similia proponas exempla.

OR. Dentur numeri 12 & 25, subtractoq; 12 à 25 per mensurationem, id est, diuisionem ut uocant, statim relinquitur unitas. Sunt ergo 12 et 25 inter se primi. Proferam de grandioribus numeris simile: Sint duo inæquales numeri, 6345, & 427. Subtractoq; per mensurationis laborem minore à maiore restant 367: Hoc residuo rursus subtracto (per mensurationem) à proximo maiore nimirum 427, relinquuntur 60. His eodem modo rursus subductis à 367 proximo maiore, supersunt 7: His à 60, supersunt 4: His à septem, supersunt 3. His à quatuor subductis, superest tandem unitas: In hac quum fiat statio,

tio, pronuncio ex sententia Theore-  
 matis, propositos numeros, 6345,  
 & 427 inter se primos esse. PH:  
 Retulisti tria exempla quibus ero  
 contentus.

## ADDITAMEN-

tum.

OR: Quod si libuerit exercere  
 Dialecticem, habes ( & heic & in o-  
 nibus propositionibus ferme ) ubi fa-  
 cies id non sine fructu. PH: Forte &  
 & *αὐτοῦ* rationem vis, quate super-  
 sessurum tamen promisisti. OR: Non  
 eam intelligo: Oppositiones autem  
 propositionum earundemue con-  
 uersiones censes nihil habere mo-  
 menti? PH: Mones me de rebus  
 utilissimis: Video siquidem lecta  
 prima propositione, nemini non  
 cordato occurrere *καταφάνισ* seu  
 Aduersatiuam eiusdem: Hæc est,

F ij      Si

Antithesis  
 primis  
 Theorema  
 matris.

Si datis duobus numeris inæqualibus  
 perque vicissitudinem minore semper  
 à maiore subtracto tandem minor ali-  
 quis se proximè maiorem mensus fu-  
 erit, ut non possit ad unitatem perve-  
 niri: datos numeros neutiq; inter se  
 primos esse sed compositos, hoc est,  
 (per definitionem tredecimam) men-  
 surari numero quodam ut communi  
 mensura. OR: Viden per κατέφασις  
 illustrari Theorema: Nam hac adhi-  
 bita plenè cognoscis, qui numeri sint  
 inter se primi, qui contra inter se com-  
 positi. Sed pateat etiam Antithesis  
 exemplis. PH. Ipse gignam: Nus-  
 meri dentur inæquales 14 et 32: Sub-  
 ducaturque (compendiosè per diuisio-  
 nem seu mensurationis laborem) 14  
 à 32 restant 4: His à 14 restant duo,  
 quibus à quatuor per mensuratio-  
 nem detractis nihil restat. OR: Vides  
 in subtractione peruentum esse ad  
 aliquem minorem qui sibi proximum  
 maiorem mensus est, nec perungi ad  
 unit

unitatis limitem: PH: Profunde loquitur Antithesis datos numeros 14 & 32 non esse inter se primos: Compositos ergo. Aliud gignam: Sint oblati numeri inæquales 1246, & 198. Hoc subtracto per mensurationis periculum ab illo, supersunt 58, quo rursus à 198, restant 24: His à 58, relinquuntur 10, quibus à 24 mensuratiue subductis, relinquuntur 4, his à 10 restant 2, his à quatuor superest nihil, metitur siquidem binarius quaternarium: non sunt igitur 1246, & 198 inter se primi: et relinquuntur quod compositi. Scire uero desydero Orthophroni, cum sint agniti compositi, quæ sit utriusque communis mensura? OR: Neque enim, de hoc in presentia labores, nam agitabitur hæc quæstio sequenti propositione. PH: Cæterum de conuersione Theorematis quæ habes dicere? OR: Puerilia quidem sed tamen peraspera & consyderatione non indigna: Talis est conuersa Theorematis:

EVCLIDEORVM ELE.

*Si offerantur duo numeri inter se primi: necesse est ut alternatim subdu-  
cto minore de maiore nunq̃ minor  
aliquis proximè se maiorẽ metiatur,  
sed deueniri ad vnitatem. Aduersas  
tuae uerò talis est ἀντίστροφος & ipsa  
καταφασίχη ad priorem conuersam.*

*Si fuerint duo numeri non inter se  
primi: Oportebit si per uicissitudinem  
minor deducatur semper à maiore,  
tandem fieri ut minor aliquis sibi pro-  
ximè maiorem metiatur, nec unquam  
pertingat ad basin vnitatis. PH:*

*Meum erit idem moliri proprio Mar-  
te in singulis subsequuturis: Sat est  
te semel in una propositione ἐπιτο-  
πίος ἢ τὸ ἐπιτόκειον monstrasse nota*

*nam. Nunc tempus est ut  
transeamus ad Secun-  
dam.*

*Secunda*

# SECUNDA PROPO- sitio.

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων  
 πρὸς ἀλλήλους: τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέ-  
 τρον εὑρεῖν. O R: Agnoscis πρότασιν  
 προβληματικῶν. Duobus numeris datis  
 non primis inter se: maximam ipsa-  
 rum communem mensuram oportet  
 reperiri: Cuius data & quaesita dili-  
 genter initio perpendas: P H: δειδῶ-  
 μενον ἐστὶ ἐιδικόν, nam εἶδ' ε' datur in du-  
 obus numeris species quaedam nume-  
 rorum qui dicuntur compositi, hoc  
 est, non inter se primi: ζήτησις γαρ  
 γινώσκουσα ἐστὶν ἐιδικόν, quæritur enim  
 προβληματικῶς datorum duorum numerorum  
 non tantum communis sed eadem &  
 maxima quanta possit admitti mensu-  
 ra. O R: Placet mihi diligentia tua,  
 ἐν τῷ ὀρθοτομείῳ: Sed examinemus  
 quaesita in simplicissimis numeris:  
 Quæro, si 18 & 30 offerantur de in-  
 dica

dicatione primi Theorematis agniti  
 non inter se primi, quam pronuncia-  
 ueris eorundem esse tum commu-  
 nem tum maximam mensuram: PH:  
 Expeditionem problematis nostri  
 quum nondum tractaris immeritò ca-  
 dam in reprehensionem ubi minus  
 fuero  $\acute{\alpha}\nu\sigma\omicron\chi\omicron\varsigma$ : Itaq; dicam: Binarium  
 quanq; communem tamen non maxi-  
 mam censeo utriusq; numeri mensu-  
 ram esse. OR: Quomodo commu-  
 nem? PH: Nam emetitur ipsum 18  
 nouies, & 30 quindicies. OR: Quur  
 autem non maximam? PH: Habeo  
 aliquanto maiorem ipso mensuram  
 communem. OR: dicas PH: Tern-  
 narium: hic igitur metitur sexies & 30  
 decies. Ita potest uel unius, uel duo-  
 rum, uel trium, uel plurium etiam  
 numerorum aliquis numerus esse  
 communis mensor, idem uero non  
 maximus. OR: Ternarium ergo da-  
 torum 18 & 30 communem maxi-  
 mamq; uis esse mensuram? PH: Di-  
 cam

## LIBER VII.

cam mox: O R: Tandem igitur dic.  
 P H: Non ueniebat in mentem sena-  
 rij, quem mecum reputans uideo si-  
 militer utrumq; mensurare, 19 qui-  
 dem ter, 30 uero quinquies. Non  
 ergo ternarium sed senarium uolo  
 propositorum maximam dici nume-  
 rorum mensuram: Nisi forte adhuc  
 aliquis maior ipso possit per te depræ-  
 hendi: O R: Non potest: Quò uerò  
 te liberem fluctuatione, possisq; in qui-  
 buslibet casibus satisfacere problema-  
 ti citra ullam hæitationem, referam  
 ex Græco codice designatam uenatio-  
 nis uiam & limitatam certis probati-  
 onum septis. Quam in hunc modum  
 libuit describere, Δύο ἀριθμῶν ὁθεν-  
 τῶν μὴ πρῶτων πρὸς ἀλλήλους, μέγιστον  
 κοινὸν μέτρον εὐρίσκειται ὅταν ἀνθυφαίρε-  
 μένου αἰεὶ τοῦ ἐλάσσονος ἀπὸ τοῦ μείζονος  
 ληθῆ τὸ ἀριθμὸς ὃς μετρεῖ τὸν πρό-  
 ἑαυτοῦ.

Duorum numerorum non primor-  
 um inter se, maxima utriq; comuni-  
 nis mensura inuenitur, quando per

uicissitudinem subducto semper minore de maiore, numerus acquisitus fuerit qui metitur se proximè antecedentem. PH: Tu plus ut uideo, Orthophroni, quam satis est & audaciter *φρονεις*. Non uereris ex Euclideis problematibus ferre Theoremata facere: quod mihi quidem uehementer arridet, cæterum uel familiam Euclidesam uel admiratores eiusdem non bene sanos metuo, ne qua possint contra te iniuriarum, quod aiunt, actionem instituere. OR: Quid si cœlum ruet? Non sum usq; adeo in Euclideis modestus ut κατ' ἐφαρμογῶν uerbum uerebareddam. Sed indulgeo non nihil ubi res fert meæ γλωσσελογικῆ διδασκαλίας. Hæc quanq; nonnullis moueret risum non tamen uideo quur feram id inhumaniter, quin sua cuiq; ingenij relinquam miracula præpotentemq; sapientiam. PH. Nos præter expectationem ab Asino delapsi sumus, reuertamur quæso in uiam. OR. Recita

## LIBER VII.

citatam problematis solutionem ex-  
 plico exemplis. Sint duo numeri 33  
 & 39 qui ex 1 propositione æstimen-  
 tur inter se compositi : horum itaq;  
 communem & maximam mensuram  
 ita uenabor, si minore 33 à 39 maiore  
 subducto, residuum, ut 6 rursus sub-  
 duxero à 33 ( per mensurationis peris-  
 culum ) ac relictum ternarium tan-  
 dem à senario. Hunc cum metiatur  
 ternarius, dicitur ternarius esse nu-  
 merorum propositorum ( 33 & 39 )  
 maxima utriq; communis mensura.  
 Aliud: Datis duobus numeris non  
 primis 166 & 102, factaq; alternata  
 per compendium diuisionis subtrac-  
 tione, tandem acquireretur 2 qui per  
 mensurationem subductus à se proxis-  
 me maiore 12 nihil relinquit : Bina-  
 rius igitur datorum numerorum 166  
 & 102 est communis & maxima men-  
 sura.

Aliud: Sint dati 12008 & 632  
 quos quidem ego pronuncio compo-  
 sitos

sitos inter se (ex sententia primi Theore-  
 matis) tu quam censes utriusque  
 communem & maximam esse mensu-  
 ram. P H: Facta per diuisionem sub-  
 ductione minoris à maiore, statim pri-  
 ma coitione absorbetur minor à ma-  
 iore: Ille igitur quando mensuret hūc  
 dicitur et sui et maioris maxima men-  
 sura. Sed exemplorum satis. Ego  
 quantum depræhendo, unam ean-  
 demque iudico esse operam, uidere de  
 numeris propositis, sintne inter se pri-  
 mi nec ne, & uenari eorundem com-  
 munem maximamque mensuram. OR:  
 Est certe unus labor Logistæ. Cæter-  
 rum differt Theorema illud primum  
 ab hoc præsentî problemate primo,  
 quod huius intentio sit designare τὸν πο-  
 ἄντων ἀριθμὸν & quasi digito monstrare  
 quis sit ille numerus, qui ut maximus  
 mensor metiatur numeros propositos  
 ἀριθμῶν ac generatim agnitos inter se  
 non primos ex præmissis Theorema-  
 te. P H: Tertiam tandem tractemus  
 propo-

Discrimen  
 primæ &  
 secundæ  
 propositio-  
 nis.

propositionem: Sed quid sibi uult illud, quod ad calcem problematis in margine uideo notatum  $\omega\theta\sigma\iota\mu\alpha$ ?

OR. Vulgus corollarium uocat, ego latinius dicerem acquisitum, lucellū;

Demonstratores ita uocant Theoremation omne quod se nobis obtulit præter expectationem, aliud nimirum agentibus demonstrantibusæ:  $\omega\theta\sigma\iota\mu\alpha$

$\tau\iota\ \kappa\epsilon\theta\acute{o}\varsigma\ \delta\epsilon\ \tau\eta\varsigma\ \epsilon\pi\omega\sigma\iota\mu\omega\nu\kappa\eta\varsigma\ \acute{\alpha}\omega\theta\epsilon\iota\varsigma\epsilon\omega\varsigma$

(libet enim uti uerbis commentatoris Græci) nam ex demonstratione pro-

pter aliud suscepta fidem sui unā consequitur nec mirus quā aliud quam

uis amplum  $\delta\epsilon\omega\sigma\iota\mu\alpha$  futuro negotio conficiendo conducit. PH: Non de-

syderabo nunc uidere quæ ratione præsens  $\omega\theta\sigma\iota\mu\alpha\tau\iota\omega\nu$  resulter ex agita-

ta problematis demonstratione, nudum sat est contueri iam: ita habet:

$\epsilon\kappa\ \delta\eta\ \tau\omicron\upsilon\tau\omega\nu\ \phi\alpha\nu\epsilon\rho\acute{o}\varsigma\ \delta\tau\iota\ \epsilon\acute{\alpha}\rho\ \acute{\alpha}\rho\iota\delta\mu\acute{o}\varsigma\ \delta\upsilon\omicron\ \acute{\alpha}\rho\iota\delta\mu\acute{o}\varsigma\ \pi\epsilon\tau\eta\iota\ \kappa\epsilon\tau\iota\ \tau\omicron\ \mu\acute{\epsilon}\gamma\iota\sigma\omicron\nu\ \acute{\alpha}\upsilon\tau\omega\nu\ \rho\omicron\iota\ \nu\omicron\nu\ \mu\acute{\epsilon}\tau\eta\omicron\nu\ \mu\acute{\epsilon}\tau\eta\omicron\nu\ \epsilon\sigma\tau\iota$

OR: Hoc est, *Ex demonstratione liquet, quod si nu-*

Acquisitū  
secundæ  
propositio  
nis.

EVCLIDEORVM ELE.

merus aliquis duos metiatur numeros  
 metietur idem & eorundem maxi-  
 mam communemq; mensuram. Ut,  
 sint ex 1 Propositione æstimati nume-  
 ri non inter se primi 546, & 732,  
 norimq; ex 2 propositione, certò com-  
 munem & maximam eorundē men-  
 suram esse 6 nec alium quemuis maio-  
 rem, dicit igitur πρόσιμα, si alius præ-  
 ter senarium numerus possit datos  
 metiri (sit in præsentia 2) quòd meti-  
 atur idem 2 etiam senarium maximam  
 mensuram. Legas textum seq-  
 uentem. PH.

TERCIA PRO-  
 positio.

τρεῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρῶτων  
 πρὸς ἀλλήλους: τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν  
 μέτρον εὑρεῖν: OR: Simile est proble-  
 ma præcedenti: Nam quod illius est  
 ζητούμενον de dato duorum numero-  
 rum, idem & heic est de trium.  
 Οποῖα

*Oportere nimirum reperiri in tribus numeris datis non primis ad inuicem, maximam illos metientem mensurā.*

**PH:** Optarem etiam huic problema-  
ti præmissum esse Theorema cuius  
beneficio agnoscerē in oblatiis tribus  
numeris, essent ne inter se primiuel  
compositi, ut sic ad problematis solu-  
tionem expeditior pateret aditus.

**OR:** Non est opus peculiari ad hoc  
Theoremate, nam primum illud cum  
præmissio problemate bis adhibita  
monstrat idem in tribus atq; etiam  
pluribus numeris quod prius præsti-  
tit in duobus: Quia uero sic uidetur,  
præmittam eiusmodi λήμμα. *Si tribus  
numeris datis duo quiq; admiserint  
communem mensuram, hæc uero &  
tertius itidem communem habuerint  
mensuram: erunt numeri dati inter  
se compositi. ut sint tres numeri 6, 8,  
& 14. Horum 6 & 8 (ex i proposit: )  
sunt*

sunt inter se non primi, communis  
 uero eorundem maximâq; mensura  
 (ex 2 propositi:) est 2. Binarius autem  
 & 14 iterum (ex 1 propositione) sunt  
 inter se compositi, estq; mensura eorū  
 dem communis & maxima binarius  
 ipse ex 2 propositione: Dicq; ergo tres  
 datos 6, 8, 14, inter se compositos esse,  
 hoc est admittere sibi communem &  
 maximam mensuram: quæ uero sit  
 illa, quæritur, ostenditurq; in tertia  
 propositione. Huius præmissi lemmas  
 τὴν κατὰφατικὴν seu aduersatiua. mon-  
 strat, quando tres numeri sunt inter  
 se primi: & tunc non indigent hac 3  
 propositione. ut dentur tres numeri  
 64, 28, 13, quos experiaris sint ne com-  
 positi inter se. PH: Primi duo (ex 1  
 propositi:) non sūt inter se primi, estq;  
 eorundem (ex 2 propositi) mensura  
 maxima, 4. Quaternarius porro &  
 13 quum (ex 1 propositio:) sint inter  
 se primi, non poterit ex secunda pro-  
 positione eorundem indicari mensur-  
 ra,

## LIBER VII.

ra, multo minus ex tertia propositio-  
ne trium 64, 28, 13 habebitur mensu-  
ra, loquitur siquidem tam tertia ac se-  
da de numeris datis inter se composi-  
tis. **OR** : Bene sentis.

Nunc ut satisfiat problemati, mon-  
strabo certum quendam numerum  
qui trium quorumlibet numerorum  
inter se non primorum, hoc est, com-  
positorum possit esse statuiq; commu-  
nis ac maxima mensura. **PH** : Mon-  
stres uelim non Græcè sed Latine.  
**OR** : *Datis tribus numeris non pri-  
mis inter se, eorundem communis ma-  
ximaq; mensura habetur, Si duo-  
rum quorumcunq; communis ac ma-  
xima mensura conferatur ad tertium  
numerum : hic enim cum ea quam ha-  
buerit maximam mensuram eadem  
erit omnium trium communis maxi-  
maq; mensura.*

**G**

**PH** :

EVCLIDEORVM ELE.

PH: Vtaris exemplis aliquot  
 illustrandi gratia quanq̄ res per se est  
 plana. OR: Sint tres numeri 558.  
 675: & 51. quos notim ex præce-  
 denti lemmate esse inter se composi-  
 tos: Tu ex problematis solutione di-  
 cas quæ sit eorundem communis ma-  
 ximaq̄ mensura. PH: Ternarius est:  
 Nam duorum 558 & 675 commu-  
 nis maximaq̄ mensura est 9: Hæc col-  
 lata ad tertium propositorum ut 51,  
 habet ipsi communem & maximam  
 mensuram 3, quem statuo trium da-  
 torum numerorū maximam commu-  
 nemq̄ mensurā. OR: Aliud: Sint tres  
 numeri 162, 27, 108, inter se com-  
 positi, qui 27 communem & maximā  
 habent mensuram: nam hac exdem  
 est maxima priorum duorum (ex 2.  
 propositio:) itemq̄ maxima sui & ter-  
 tij numeri mensura.

PH: Perspexi ex his duobus  
 atq̄ alijs huius tertiæ propositionis ex-  
 emplis

LIBER VII.

emplis, unam eandemq; in praxē o-  
peram esse, iudicare de tribus numeris  
sintne inter se primi nec ne, & uenari  
eorundem communem maximamq;  
mensurā. OR: Est tamen demonstra-  
tori idem inter problema nostrum &  
præmissum huic Lemma discrimen  
quod superius de duobus numeris re-  
tuli.

PH: Ecce πρόβλημα de tribus  
numeris priori de duobus simile eti-  
am nunc ad calcem demonstrationis  
se se offert quod legam: Ἐκ δὲ τούτων  
φανερὸν, ὅτι εἴαν ἀριθμὸς ἀριθμοῦς τριῶν  
μετρῆ: καὶ τὸ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον  
μετρήσῃ: OR: Hæc primum perstrin-  
gamus: *Liquet ex demonstratione  
secundi problematis, quòd si numerus  
mensus fuerit tres alios, metiatur i-  
dem et maximam eorundem commu-  
nem mensuram: Ut sint tres numeri  
inter se compositi,* 104 | 152 | 216 |

G ἱ

Horum

EVCLIDEORVM ELE.

Horum communis maximæ mensura (ex 3 propositione) est 3: Dicit iam *πρόσμομα*. si binarius metitur hos tres numeros datos, metiri eundem etiam *πέντε ὀγδοάδα*. Similiter quaternarius mensurans numeros tres subiectos, metietur etiam octonarium.

Legas illa iam quæ deinceps in textu *πρόσμομα* sequuntur. PH: τὸν αὐτὸν δὲ ἕξοπον καὶ πλεόντων ἀριθμῶν δύο δέντων μὴ πρώτων πρὸς ἑκάστης τὸ μέγιστον κοινὸν μέτρον εὐρέσομεν καὶ τὸ πρόσμομα προσχωρήσει. OR: *Ad eundem (inquit) modum etiam in pluribus non primis inter se numeris, (quàm tribus) maxima communis mensura reperietur, similiterq̄ congruet Acquisitum.*

PH: Par est, ut etiam lemma præmissum ad plureis quam treis  
 ex

## LIBER VII.

extendamus numeros: O R: Id declarabitur uno saltē exemplo: sint quinque numeri 104 | 152 | 216 | 88 | 248, quos primum examinabo sine inter se compositi an uerò primi: postea maximam mensuram designabo. Tres quidem primi: ut, 104 | 152 | 216, sunt inter se compositi ex indicatione præmissi lemmatis, reliquos eadem ratione probo: Nam trium maximam mensuram (8) accommodo ad quartum 88, estq; 8 tam suis quam 88 communis & maxima mensura: Hanc proximè repertam mensuram accommodo ad sequentis loci numerum 248: quumq; & heic reperiatur communis quædam maximaq; octonarij & 248 mensura, liquet ex applicatione lemmatis, quinque propositos numeros inter se compositos esse. Or: Et adplicata problematis uia pronuncies etiam, ultimam mensuram accersitam (ut est heic octonarius) communem et maximam quinque datorum

EVCLIDEORVM ELE

numerorum mensuram esse. PH: Consentio. OR: Nec aliter procedendum tam in lemmatis quàm problematis iudicio, si uel mille numeri propositi forent.

PH: Sufficiant hæc Orthophroni de tribus primis propositionibus: quarum explicatio tantū me erudit, ut possim pronunciare de numeris quibuscumque, sintne inter se primi an uero compositi, Et si compositi, qua ratione indubitanter præhendam eorundem maximam communiter ipsos metientem mensuram. OR: Quemadmodum in his 3 propositionibus dominarunt definitiones II & I3: sic in sequentibus propositionibus agitantur termini definitionis tertiæ. Auspicemur igitur.

QVAR

PH. πᾶς ἀριθμὸς πάντος ἀριθμοῦ ὁ ἐλάσσων  
 του μείζονος: ἢ τοι μέρει ὄσιν ἢ μέρει.  
 Hoc mihi uidetur perinde esse ac si dis-  
 ceretur, Omnis numerus minor ma-  
 iorem se uel metitur uel non metitur.  
 Si metitur enim, ex definitione, dice-  
 tur eiusdem maioris μέρος. si non, μέρος.  
 Id perparum aut nihil potius differt à  
 definitione tertia. OR: Accuratus,  
 Philomathes, oportet te considerare  
 propositionem Euclidean; Definitio  
 supra nudè citra inclusionem dixit,  
*Minor quando metitur, pars dicitur,*  
*Vbi nō autem metitur partes.* At hæc  
 Theorema panis ueluti brachijs sub  
 definitionem illam bipartitam colligit  
 omneis numeros, & adhibita demon-  
 stratione ostendit differenter, quomo-  
 do minor numerus, si dimetiens est  
 maioris, dicatur pars, quomodo uerò  
 quotq; modis τῶν μετῶν habeat adpel-  
 - G iij latio

EVCLIDEORVM ELE.

lationem minor, si maiorem non emes-  
titur, *Omnis numerus minor, inquit,*  
*omnis numeri maioris aut pars est,*  
*aut partes.*  $\alpha\kappa\tau\omicron\upsilon\mu\epsilon\nu\omicron\mu$  ut uides gemis-  
num est.

Prioris sit hoc tenuissimum exem-  
plum: Ternarius metitur Nouenariū,  
est igitur ternarius nouenarij pars,  
cumq; hic dirimatur ab illo in treis  
parteis æqualeis, ille tertia pars huius  
est. PH: Aliud subdes. OR: Ist hoc  
pacto ternarius duodenarij pars est,  
& quidem quarta, quia dirimitur hic  
ab illo in quatuor parteis æqualeis.  
Cæterum quaternarius eiusdem duo-  
denarij pars est tertia cum hunc meti-  
atur ille, dispescatq; in treis parteis: O-  
ctonarius pars est decima de 80. Ita  
uides, Philomates, prius quæsitum  
conuenire numeris omnibus ijs quo-  
rum minor metitur maiorem.

Relinquitur ergo C quum Theo-  
rema

LIBER VII.

rema duabus classibus uniuersali-  
 ter omnes includat numeros ) Sub  
 posterius ;  $\text{ἑτεροόμενον}$  cogi reliquos  
 numeros uel infinitos : Horum ob-  
 latis duobus minor se ( maiorem  
 non metitur? OR Verè iudicas. Inq  
 his minor maioris dicitur parteis;PH:  
 Quot id fit modis? OR: Duobus  
 tantum : Nam minore non metiente  
 maiorem, necesse est ut uel habeant  
 numerum quendam qui sit commu-  
 nis utriusq; maximaq; mensura uel  
 eum non habeant : hoc est ( ex definti-  
 tionum conuersione ) ut sint inter se  
 uel compositi uel primi, PH : Prioris  
 modi exhibeas  $\omega\alpha\sigma\delta\epsilon\alpha\gamma\mu\alpha$ .

OR: Octonarius non metitur  
 duodenarium : Sunt uero inter se  
 compositi ( ex Antithesi primæ pro-  
 positionis ) eorundemq; communis  
 maximaq; mensura est ( ex secunda )  
 quaternarius : Hic quum duodenarij  
 pars sit tertia toties igitur sumpta pars

EVCLIDEORVM ELE.

illa quoties comprehenditur in Octonario (nimirum bis) fiet Octonarius vs duodenarij duæ tertiæ partes. Ita 90 ipsius 600 partes uocetur: Minor enim maiorem non metitur: habita uero communi mensura (ut 30) quæ ipsius 600 pars est uigesima, erit 90 (qui 30 complectitur ter) tres uigesimæ partes ipsius 600.

PH: Ad alterum posterioris quæsitæ modum accedamus: qui est numerorum primorum in se. OR: Horum si sumpseris primam & generalem mensuram, quæ est unitas, eandem reperiens esse similitudinem hæc quæ est in priore modo. Nam unitas pars est maioris: ergo minor numerus constans ex hac parte, maioris parteis est: ut septenarij et undenarij, communi mensura est unitas: Hæc quum sit pars undecima undenarij, erit, ut eadem septies sumpta faciat septenarium esse septem undecimas parteis ipsius undenarij.

denarij. De reliquis omnibus primis inter se numeris eodē modo iudices.

Nunc habes fat euidenter explicatā propositionē quartam, ubi τὸ καθόλου τοῦ δεδομένου egit sub geminū τῷ τούτων omnibus numeros; designata nimirum proprietate quadam numerorum, quam non habeant communem cum magnitudinibus Geometricis:

*Nec enim omnis magnitudo minor omnis magnitudinis maioris aut pars est aut partes:* Equidem si minor magnitudo maiorem metitur, pars est: Si uero non, diceretur quidem partes ipse minor si maiori semper esset commensurabilis: Atqui sunt & ἀσίμμετρα quædam μέγιστα quod alienum à numeris. Hanc arbitror causam fuisse Euclidæ, quæ in uestibulo quinti libri (qui ex parte quadam affinis non consanguineus est numerorum, proprius uero magnitudinū) omiserit τῶν μετρῶν definitionē.

Not.  
PARS competit magnitudinibus & numeris:  
PARTES uero numeris tantū.

Atq;

Atque ut & hoc obiter adijciam, mera  
 βατηλογία est de numeris uelle garris-  
 re hanc definitionem quinti: λόγῳ  
 ἀμνικὴν ἔχειν μεγέθη δια-  
 κινῶντα ἑαυτὰς πολλαπλασιασθέντα. Sed ne tecum disputem  
 frustra, reuertamur ad propositum:  
 PH: Lego quintam propositionem.

QVINTA.

Ἐάν τις ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ καὶ ἕτε-  
 ρος ἕτερος τὸ αὐτὸ μέρος: καὶ συναμφοτέ-  
 ρος συναμφοτέρῳ τὸ αὐτὸ μέρος ἔσται ὅπερ  
 ὁ εἰς τοῦ ἐνός. OR: Si numerus nu-  
 meri pars fuerit & alius alius eadem  
 pars: erit uterq; utriusq; eadem pars  
 quæ est unus numerus unius. Vides  
 heic usum definitionis 19. Ut, 2 est  
 tertia pars senarij: alius itidem ut 5 est  
 tertia pars 15: dicit igitur ἡ τοῦ μενοῦ  
 Theorematis, iunctum binarium  
 qui

LIBER VII.

quinario ( qui conficiunt 7 ) eandem esse partem ( tertiam ) reliquorum duorū coniuñtorum ut 6 & 15 quæ conficiunt 21.

2	}	Tertia	{	6
		pars.		
5	}	est de	{	15

---

7 Tert. 21.

Adnectas huic quintæ sextam, nam sunt eiusdem argumenti, nisi, quod subsequens loquetur *περί μερῶν* id hæc proposuit *περί μερῶν*: P H: Audias igitur.

*S E X T A.*

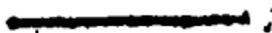
*Ἐὰν ἀριθμὸς ἐριθμοῦ μέρη ἢ ἡσὶ ἕτερος ἕτερον τὰ αὐτὰ μέρη : ἢ ἡσὶ συναμφοτέρως συναμφοτέρως τὰ αὐτὰ μέρη ἔσαι ἄπειρὸν εἰς τοῦ ἐνόου. O R: Si numerus numeri partes fuerit, & alius itidem alius*

EVCLIDORVM ELE.

alios eadem partes fuerit: erit & v-  
 terq; vtriusq; eadē partes, quæ partes  
 vnus vnus est: Vt sit 8 tantæ par-  
 tes 12, quantæ 18 est partes 27: quod  
 est  $\delta\epsilon\delta\omicron\mu\epsilon\nu\omicron\mu$ :  $\zeta\eta\tau\omicron\upsilon\mu\epsilon\nu\omicron\mu$  est ut 8 & 18  
 simul iuncta ( nimirum 26 ) tantæ  
 sint partes ipsorum 12 & 27 simul  
 iunctorum ( nimirum 39 ) quantæ  
 uel 8 est 12, uel 18 est 27.

8.      12.

18.     27.



26.     39.

PH: Vtramq; credo propositio-  
 nem posse applicari pluribus quam  
 quatuor terminis: OR: Potest.  
 Quintæ sit hoc exemplum.

LIBER. VII

6	}	mēdis	}	12
8				16
10				20
12				24
9				18

Sum: 45 Med. est. de 90.

Viden? quanta pars est uel senaria  
us duodenarij, uel 8. ipsius 16 &c.  
media nimirum pars: tota pars est 45  
dupli sui 90. Aliud.

3	}	Quar	}	12
4				16
9				36
12				48

Sum: 28 Qua. pars est de 112

Sextæ propositionis hoc capias ex  
emplum in quo ut quilibet mi-  
nor correspondentis sibi maioris est  
duæ tertiæ partes, sic & conflati mi-  
nor

nor (4 2) duas tertias parteis habet  
maioris 63.

2	}	Dux	}	3
4				6
6				9
8				12
10				15
12				18
		} partes		
		} est de		

42. Dux Ter. de 63.

Hæc duo iam enarrata Theore-  
mata combinari debent, cum sint  
ut vidisti argumenti prorsus eiusdem,  
diliuncta uerò fuere ad commodius  
uberiusq; explicanda quartæ propo-  
sitionis duo quæ sita. P H: Facias, pre-  
cor, Orthophroni periculum, ut pos-  
sis utrunq; in unum cogere Theore-  
ma, nihil tamen mutata terminorum  
specie. O R: Animaduertē. *Datis  
quatuor numeris quorum primus fue-  
rit uel tanta pars secundi, quanta est  
ter-*

LIBER VII.

tertius quarti, vel tanta partes secundi quanta tertius quarti: necesse est ut primus & tertius simul iuncti sint vel tanta pars secundi & quarti simul iunctorum quanta est primus secundi, vel tanta partes quanta primus est secundi. Sequuntur nunc aliaæ duæ propositiones simili modo combinandæ.

SEPTIMA.

PH: Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ ὅπερ ἀφαιρέσει ἀφαιρέσιμος: καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοιποῦ τὸ αὐτὸ μέρος ἔσαι ὅπερ ὁ ὅλος τοῦ ὅλου. OR: Quæro de senario, quanta pars sit Octodenarij? PH: Tertia pars. OR: Quid, si de senario sumo pfero quaternarium & de octodenario duodenarium, quanta pars erit quaternarius duodenarij? PH: Itis dem tertia: OR: His ita se habentibus

but, infert *ἀπόδειξις* nostri Theorematis, residuum de senario ( ut est 2 ) residui de octodenario ( ut est 6 ) esse itidem tertiam partem. Nunc erunt tibi perspicua Theorematis uerba. Si numerus minor numeri maioris pars fuerit, & utringq; demantur numeri, quorum minor sui maioris eadem parsest, quanta totus minor totius maioris fuit : oportebit residuorum numerorum minorem sui maioris tantam etiam partem esse, quanta nimirum fuit initiò totus minor totius maioris. PH: Perplacet potius paraphraastes, quam anxie pellere uerbum Græcum uerbo latino: Sed ero his contentus, si unum adieceris exemplum etiam uersioni. OR: Octonarius sexta pars est de 48: Atqui binarius ( quem demas ab 8 ) itidem sexta pars est duodenarii ( dempto ab 48 ) Residuū igitur 6, residui 36, sex-

## LIBER VII

ta pars erit, quanta erat totus 8, totus  
48. PH: Pergam.

## OCTAVA.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἢ ἄπειρ ἀφαι-  
ρεθῆς ἀφαιρεθέντος: καὶ ὁ λοιπὸς τοῦ λοι-  
ποῦ τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται ἄπειρ ὅλος τοῦ ὅλου.  
Sicut se habuit sexta propositio ad  
quintam, eodem modo & hæc octava  
ad præcedens Theorema: nihil est  
enim utrobique discriminis nisi in nu-  
merorum proportionalium specie: Itaque  
reddas hanc forma uerborum non ad  
modum uariata à præmissa septima.

*Si numerus numeri partes fuerit,  
et utrinque demantur numeri, quorum  
minor sui maioris eadem partes est,  
quantæ totus minor totius maioris  
fuit: Necessè est, ut residuorum nu-  
merorum minor sui maioris, tantæ e-*

*Hij tiam*

tiam partes sit, quantæ fuit initiò totus minor totius maioris. Vt, 15 de 20 quantæ partes sunt? PH: Tres quartæ. OR: Si demantur de 15 sex, & de 20 octo, quantæ partes erit senarius octonarij? PH: Idem tres quartæ: OR: Ait igitur  $\text{ἡ τοῦ μισοῦ}$  Theorematis, quod residuum de 15 (id est 9) tantæ partes sit residui de 20 (quod est 12) quantæ fuit totus 15 totius 20. Aliud; 35 habet septem octavas parteis de 40: Sublatis autem de 35 uno & uiginti, ac de 40 quatuor & uiginti, depræhensioq; quod 21 itidem habeat septem octavas parteis de 24, pronuncio ex octava hac propositione, residuum de 35 (id est 14) etiam septem octavas habere partes residui de 40 (quod est 16.) Sequitur Typus qui memoriam iuuabit.

Prius

LIBER VII.

Prius	Totum	Abla.	Resid.
exemplum.	20	8	12
	ad	ad	ad
	15	6	9
	Tot.	Abla.	Resid.
Posteriorius exemplum.	40	24	16
	ad	ad	ad
	35	21	14

PH: Sat est exemplorum: Prius uerò quàm accingamur ad sequentium etiam duorum Theorematum combinationem, coalescant uel in enarrata iam duo in unum. OR: Quod instituerim paulo ante *συντάξις* quintæ ac sextæ propositionis, nihil uideo opus fuisse: ac miseret me tu qui tam grauius arrectis me audiebas auribus! propemodum laboriosè concinnantem dirempta Theoremata: Si quidem mox se nobis offerent tria distincta Theoremata quæ generatim nec non eleganter & summa rotunditate reuocabunt illa in memoriam quæ

Sibi premiffis sex Theorematis fpeciatim distincteque fuere propofita. Primum uerò percurramus fequentium duorum fpecialem connatamque explicationem. PH: Ita habent.

NONA.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἢ καὶ ἕτερος ἕτερον τὸ αὐτὸ μέρος: καὶ ἐναλλάξ, ὃ μέρος ὄσιν ἢ μέρη δ̄ πρῶτος τῶ τρίτου τὸ αὐτὸ μέρος ἴσαι ἢ τὰ αὐτὰ μέρη δ̄ δευτέρου τοῦ τετάρτου. Non uideo Orophroni quid sibi uelit uox ἐναλλάξ ἴσαι sola mihi præcludit intellectum Theorematis.

OR: Afferam ex quinto libro tibi definitionem eius, quæ ita habet: ἐναλλάξ λόγος ὄσιν ἀπὸ τοῦ ἡγαμένα πρὸς τὸ ἡγαμένορ, καὶ τοῦ ἐπομένα πρὸς τὰ ἐπόμενα. Id est, Alter

*Alternata seu permutata ratio est, cum datis duarum rationum quatuor terminis, antecedens prioris rationis terminus refertur ad antecedentem posterioris rationis, itemq; prioris rationis subsequens terminus ad posterioris subsequentem. Ut; Possis quemadmodum 6 ad 3, sic 18 ad 9; fiet inde ἡ ἀλλὰ εἰς ἀπὸ γοῦ ἢ καὶ ἡ ἀλλὰ γὰρ (per alternatam permutationem) dixerō, ut 6 ad 18, ita 3 ad 9. Phrasis est creberrima in Ethicis Aristotelicis: ἡ ἀλλὰ εἰς procedere est germanis zeunen.*

Hæc de termini explicatione:  
 nunc ad propositionem, quæ talis est:  
*Si quatuor numerorum primus secun-  
 di tota pars fuerit, quæta est tertius  
 quarti: erit permutatim primus terti  
 tota pars vel totæ partes, quæta pars*  
 H iij                    vel

*vel quotæ partes est secundus quar-  
ti.*

PH: Quum intelligam iam propo-  
sitionem, facile gignam ipse exem-  
pla. Quaternarius tota pars est octo-  
narij, quota 12 est 24 ( nimirum alte-  
ra pars ) inferat inde quæsitum propo-  
sitionis, terminis  $\epsilon\alpha\lambda\alpha\zeta$  seu alterna-  
tim sumptis, quaternarium totam esse  
partem duodenarij, quæ est octonari-  
us ipsorum 24, Vtrinque nimirum  
tertia pars. OR: Quæsitum Theore-  
matis nostri duos complecti casus, idem-  
que formato iam priore casu, alterum  
ego subijciam exemplis: Vt 3 est tertia  
pars 9, sic 5 est tertia 15: inferas inde  
per collocationem  $\epsilon\alpha\lambda\alpha\zeta$  factam de  
sententia nostræ propositionis, ut 3  
est tres quintæ partes quaternarij, ita 8  
9 est tres quintæ partes de 15. Aliud  
Nouenarius est quinta pars de 45,  
sic 7 de 35: quid inferes inde Philo-  
mathes: PH: Ergo per alternatam per-  
mutas

mutationem nostræ propositionis, ut  
 Nouenarius est. OR: Quid files,  
 fortasse res hæret? PH: Non  
 puto rem hære quæ per se cer-  
 ta est, ego uerius hæreo qui hinc  
 me non possum expedire: OR:  
 Dabo expeditum consilium seruand-  
 dum in huius ac sequentis pro-  
 positionis exemplis, *Vt minimus sem-*  
*per terminus primum sortiatur locū,*  
 aliàs claudicabit *ἢ τὸ μῶν* propositio-  
 nis: Resumas igitur derelictum exem-  
 plum atq; ita colloques. Vt 7 est quinta  
 pars de 35, sic 9 de 45. PH: Perfici-  
 cio incoatam argumentationem, Era-  
 go quantæ partes est septenarius no-  
 uenarij (nimirum septem nonæ par-  
 tes) tantarum partium est 35 de  
 45: Adnectam huic al-  
 finem decimam,

H 5

DECE

DECIMA.

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρη ἢ, καὶ ἕτε-  
 ρος ἕτερον τὰ αὐτὰ μέρη: καὶ ἐναλλάξ, ἢ  
 μέρη ὅσῳ ὁ πρῶτος τοῦ τρίτου ἢ μέρους,  
 τὰ αὐτὰ μέρη ἔσαι καὶ ὁ δεύτερος τοῦ  
 τετάρτου ἢ μέρους. O R: Hoc est,  
*Si quatuor numerorum primus se-*  
*cundi eadem partes fuerit quæ ter-*  
*tius est quarti: erit per vicissi-*  
*tudinem primus tertij vel eadem*  
*partes vel eadem pars, quæ par-*  
*tes vel quæ pars est secundus quarti.*  
 Vides omnino, quod fuerit discris-  
 men inter quintam ac sextam, it-  
 temq; inter septimam & octauam  
 propositionem, hoc ipsum esse in-  
 ter nonam & hanc decimam:  
 Cumq; & hæc uideas duplicem  
 quaesiti casum, utar etiam duobus  
 exemplorum generibus. Vt,

Sint

Sint quatuor numeri 6. 10. 9.  
 15. quorum 6 tres quinta partes est  
 de decem; eisdem nouenarius tres  
 quinta partes est quindenarij: facta  
 igitur dispositione  $\epsilon\upsilon\alpha\lambda\lambda\alpha\varsigma$  seu  
 permutata, quando senarius est duae  
 tertiae partes nouenarij, erit 8 denarius  
 duae tertiae partes quindenarij.  
 Adferam alterum exemplum figurans  
 alterum quaesiti casum: Dentur quatuor  
 numeri 4. 14. 12. 42 inter se proportio-  
 nales, hoc enim (per 19 definitionem) idem est dicere quod  
 $\delta\epsilon\delta\omicron\upsilon\mu\epsilon\nu\omicron\upsilon\varsigma$  nostri Theorematis, ut  
 nimirum primus (4) tota pars  
 sit de 14 (duae septimae scilicet partes),  
 quota tertius (12) est quarti 42. Per  
 alterum igitur casum nostri quaesiti facta  
 alternatione terminorum, quota pars 4 est  
 12 (nimirum tertia) tota erit 14  
 quarti numeri 42.

Hacten

○. Hactenus decimam propositionem. Nunc sequentur tres propositiones (quorum mentionem paulo ante feci) multo γενικώτερον proximis sex iam enarratis. Nam quod quinta & sexta speciatim proposuit, hoc ipsum undecima tibi iam legenda generatim enunciat: Quod septima & octava speciatim, ἢ καὶ δολικῶς duodecima: tandem quod Nona & decima αἰτιῶς, hoc uno facileulo tredecima offeret: Sed quid attinet multa promittere, aggrediamur ipsas.

VNDECIMA.

PH. Ἐὰν ᾖ τινες ἀσσοιοὶ ἀριθμοὶ ἀνάλλοτοι ἑαυτοῖς ἕως ἧς ἂν ἰσομενῶν ἄλλοις ἕως ἧς ἂν ἰσομενῶν, ὁμοίως ἄλλαίς. Ὅτι ἰσομενοὶ ἄλλοις ἄλλαίς τοὺς ἰσοκλίνας. O R. Si fuerint quotcunque numeri proportionales: erit ut unus antecedentium terminorum ad unum consequentium sic

sic & omnes termini antecedentes ad omnes consequentes. Referas huc omnia quintæ ac sextæ propositionis παραδείγματα, quorum singulorum si uel ordinem institueris retrogradum ἀνάπαλιμ procedendo, nihil impedit ut non eadem sic inuersa sub hac etiam propositione comprehendantur.

PH: Plenius declares id, præsertim, quid hæc sibi uelit dictio (ἀνάπαλιμ) qua antea te usum esse memini.

OR: Ἀνάπαλιμ λόγος ὅστις ἰνκνιτ Euclides λέγει τοῦ ἔπομενου ὡς ἠγομμένον πρὸς τὸ ἠγοῦμενον ὡς ἐπόμενον, Id est, Retrograda ratio est relatio sequentis termini tanquam præcedentis ad suum præcedentem tanquam sequentem.

Non infrequens est ἀνάπαλιμ λόγος & Aristoteli moralia tractanti: PH:

Primis quibusque duobus exemplis quintæ sextæque propositionis me iuuas. OR: Ut 2 ad 6, sic 5 ad 15: Ergo

go (per quintam & hanc und: proposi-  
 ti:) ut 2 ad 6 sic coniunctum 2 &  
 5, id est 7, ad 6 & 15 coniunctum,  
 id est 21. PH: Quomodo procedent  
 ἀνασάλιν termini huius exem-  
 pli? OR: Si dixeris retro-  
 gradiendo ut 6 ad 2 sic 15 ad 5:  
 Ergo, per hanc undecimam, ut u-  
 nus antecedens terminus 6 ad suo-  
 um consequentem 2, sic uterq; antes-  
 cedentium 6 & 15 (id est 21) ad  
 utrunq; consequentium 2 & 5, id  
 est 7.

Aliud ex 6 proposit. Vt 8 ad  
 12 sic 18 ad 27. Ergo per 6 & undeci-  
 mam propositionem, ut 8 ad 12, sic  
 uterq; antecedens 8 & 18 id est 26,  
 ad utrunq; consequens 12 & 27 id  
 est 39. PH: Instituetur ordo retro-  
 gradus si dixerō, ut 27 ad 18 sic 12  
 ad 8 ( nihil enim refert utram ra-  
 tionem prius inuertas ) Ergo per  
 hanc propositionem ut 27 ad 18, sic

27 & 12 coniuncti antecedentes  
 (id est, 39) ad 18 & 8 coniunctos  
 consequentes id est 26. OR: Non  
 est diuersa ab his ratio, si uel mille  
 offerantur numeri, quorum quilibet  
 ἡ γινόμενος sortiatur suum ἐπόμενον.  
 PH: Pergo.

## DVODECIMA.

Ἐὰν ἢ ὡς ὅλος πρὸς ἄλλοι οὕτως ἐφαί-  
 ρεισὶ πρὸς ἀφαιρέβεντα : καὶ ὁ λοιπὸς  
 πρὸς τὸν λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος πρὸς τὸν  
 ὅλον. *Si fuerit ut totus numerus  
 ad totum, sic ablatu ad ablatum :  
 tum reliquus ad reliquum etiam sic  
 se habebit ut totus ad totum.* Via  
 den referri propositionem septimam  
 & octauam? Quorum exempla an-  
 tea specificata huc referas, quò unâ  
 habitent sub hoc recto.

PH:

EVCLIDEORVM ELĒ.

PH: Vis ne & hęc locum habere τὸν ἀνάπαλιμ λόγον? OR: Volo. PH: Declares id primis exemplis septimę & octavę propositi: OR: Vt 6 ad 18 sic ablatus 4 ad ablatum 12 Ergo ( per septimam & hanc duodecimam ) residuum 2 ad residuum 6 se habebit ut totus 6 ad totum 18. Fiat iam dispositio retrograda, ut 18 totus ad 6 totum, sic ablatus 12 ad ablatum 4: inferas similiter ( per hanc 12 propositi: ) residuum 6 ad residuum 2 se ita habere ut totus 18 ad totum 6. Aliud ex octava propositione: Vt 15 totus ad 20 totum, sic 6 ablatus ad 8 ablatum: Igitur ( per octavam & hanc 12 propositi: ) residuum ( 9 ) ad residuum ( 12 ) se ita habebit, ut totus ( 15 ) ad totum 20. PH: Faciam ἀνάπαλιμ λόγον: Vt 20 totus ad 15 totum, sic ablatus 8 ad ablatum 6: Ergo, per nostram duodecimam propositionem, residuum ( 12 ) ad residuum ( 9 ) ita se habet ut totus 20 ad totum 15. Transeamus ad sequens Theorema. TRE

## TREDECIMA.

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾖσι·  
 καὶ ἑναλλάξ ἀνάλογον ἴσονται. OR: Si  
*numeri quatuor proportionales fue-*  
*rint: tum permutatim etiam pro-*  
*portinales erunt.* PH: Includitur huic  
 Theoremati, ut adparet, nona & des-  
 cima propositio. Sed istarum propo-  
 sitionum exempla cautionem habes-  
 bant ut semper minimus terminus  
 primum sortiretur locum; num eas-  
 dem & hec opus esse credis? OR:  
 Nihil uero. PH: Ceterum retro-  
 gradam rationem admittis, ut in pre-  
 cedentibus duabus? OR: Admit-  
 to. PH: Pateat, quaeso, res duobus  
 exemplis.

OR: Nonę propositionis pri-  
 mum exemplum est, Vt 4 ad 8 sic  
 12 ad 24, ergo per nonam illam &  
 nostram tredecimam propositionem  
 I infero

EVCLIDEORVM ELE.

Infero, ut ἐναλλαξ 4 ad 12 sic & 8 ad 24. Idem exemplū ἀνάπαλις sic ordi-  
no: ut 24 ad 12, sic 8 ad 4, ergo (per  
13 hanc proposit.) ut ἐναλλαξ 24 ad 8  
sic & 12 ad 4.

PH: Accommodes & decimæ  
propositionis exemplum primum.

OR: Ut 6 ad 10, sic 9 ad 15. Ergo, per  
decimam illam & hanc tredecimam,  
ut alternatim 6 ad 9, sic alternatim 10

ad 15: PH: Disponas idem exem-  
plum κατ' ἀνάπαλις λόγῳ.

OR: Ut 10 ad 6, sic 15 ad 9. Ergo (per hanc 13  
propositionem) ut permutatim 10  
ad 15 sic 6 ad 9.

Ita iam habes Philomathes  
sex specialia Theoremata repetita  
tribus generalibus, quorum om-  
nium si desideras ἀποδείξεις, non  
opus habes me ductore, siquidem  
aliquan-

LIBER! -VIIK

aliquantulum progressu haud diffi-  
culter semet offerunt. Nunc  
tempus est ut quiescat hodierna  
ἔνομιλία; cras reuertaris, tum si  
uidebitur reliqua simili cras  
siccie percurram.

*Finis primæ*

*διατριβῆς.*

*I ij*

*Secunda*



Διαγίσι Secunda.

OR: **C**ommodam habuisse te nos  
 cōtē arbitror Philomathes;  
 anima nonnihil per Theoreseis nus-  
 merorum hesternas defatigata. So-  
 let in somnis hæc recolligere sese & re-  
 licta cerebri officina ad interiora cor-  
 dis penetralia se reuocare atq; inibi  
 occultiora quædam peragere, unde  
 credo fieri, ut ad sensus cerebri mira  
 sæpenumero perueniant nuncia, mira  
 φαινόμενα, rerumq; simulachra uaria  
 quæ nos uocamus somnia. PH: Som-  
 num quidem ego bona noctis parte  
 oculis non uidi meis: Caterum som-  
 niorum fuit abunde, ac si liceret ~~πρὸς~~  
 σὺν τῶν ποιεῖν dicerem, à calce ad uerti-  
 cem ea numeris Arithmèticis fuisse  
 uestita. OR: Quid ita? PH: Cres-  
 ditus an qui amant ipsi sibi somnia  
 fingunt.

OR:

**OR:** Adeone deperisti in Nympham Euclidean Philomathes ut noctem peregeris infomnem? **E:** andē puellam & nos in ætate iam pridem adolescente sat quidem amanter sumus exosculati: Verum, quando nihil, præsertim hoc frigido seculo, à corruialibus esset periculi, habita ratione ualitudinis interdū præstitimus id, haud noctu. **PH:** Credo: Nam placidum tum carpunt fessa soporem Corpora per terras, homines pictæq; uolucres.

**OR:** Maluisti igitur experiri *ἄγρυπνίας* tormenta, quàm hesternæ prælectionis aut potius confabulationis singula reminiscendo non ex-  
cutere sagaciter? **PH:** Malui. Nec prius in somnum mea lumina declinaui, Singula præteriti quàm essent res petita diei.

**OR:** Quando tandem, quæso, te occupauit somnus? **PH:** Sub

auroram ferme ὡς τρίτην λέχου ἴσασ-  
το νυκτός,

ὑπὸστέ γλυκίωρ μέλιτος ἐλέφροισι ἐφίζωρ  
λυσιμελῆς περὶ αἶμα μαλακῶ κατὰ φάρα δει-  
σμοῦ,

ἔστε καὶ ἄτρικίωρ ποιμαίνητ' ἔδνοε ὄνιζωρ.

OR: Tu totus ut audio mades etiam  
poeticis numeris: magnum hoc argu-  
mentum numerosi & Arithmetici in-  
genij: Sed omisisis nugis serio ac cor-  
datē tecum loquar Philomathes futu-  
ra in rem tuam. PH: Expecto.

OR: Vnicē probo in te ἔρω-  
τικῶν illam μαῖαν quam Galenus re-  
quirat in Adolescente contendere  
uolente ad excellentem quandam  
eruditionem: hunc is uult ὡς  
περὶ ἐνδύσιωντα μήθ' ἡμέρας μήτε νυκτός  
διαλύπειν σπεύδοντά τε καὶ σωτῆτα  
μῆνορ ἐκμαθεῖν ὅσα τοῖς ἐνδοξοτάτοις ἔι-  
ρηται ἢ παλαιῶν. Cæterum, saltem  
illum animi impetum mecum pro-  
bat Galenus, & amorem quo mens  
luue

Lib. 3.  
περὶ φου-  
στικῶν ἢ  
νάμεων.

Iuuenis ardet in acquirenda uetitate; Non credas uelle eum, confici uirē ingenij & corporis in tempestiuis ac nocturnis animi contentionibus, aliās contraria præcipere suæ profectiōni. Quid, quod hoc ipso in loco mox idem iubet, ea quæ summā mentis alacritate & uegetiore studio sic percepta sunt trutinare Adolescentem non simul una nocte. sed αὐτὰ κείνου ἐ σαύωνται χρόνον πικρὸν ἄλλα.

Noui multos huic præposterō sapientiæ studio deditos, qui imprudenter ac præter expectationem labefactata sanitate, pro sapientiā uerā deportarunt insanientem propemodum sapientiā.

Tibi cum bene uelim, libus it huiusmodi in memoriā reuocare, ut aliorum exemplo disceres rectius sapere.

Sed fugit interea fugit irrepabile tempus, ac, quod uerior, desiderabitur nonnulla prælectionis hodiernæ celeritas ut reliqua septimi libri pars ante crepusculum uespertinū absoluat. Itaq; legas textum propositionis decimæ quartæ: Mihi curæ erit ut & huius & sequentium expositio uideatur rotunda atq; expedita tibi.

PROPOSITIO,  
XIII.

PH: Ἐὰν ὡσπερ ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλεῖστον σῶνδ' υλο λαμβανόμενοι καὶ ἐν ἑαυτοῦ λόγῳ: καὶ δι' ἴσου ἐν ἑαυτοῦ λόγῳ ἔσονται. Hec heoreo Orthophroni, nam latet me significatio phraseos δι' ἴσου, nec memini illam definitionibus præmissis antea esse explicatam.

OR: λόγῳ δι' ἴσου definit in quinto  
to

## LIBER VII.

ἢ ἂν ἴσῃ τῶν ἀκρωτικῶν ὑπεξαίρουσιν τῶν μέσων  
 id est, *datis quocumq; numeris, si ex-  
 tremos intermedijs omisissis inter se  
 contulero, dicetur illa extremorum  
 sumptio ἢ ἴσου λόγῳ*. Ait igitur pro-  
 positio: *Si fuerint quocumq; nume-  
 ri ἢ alterius cuiusdam ordinis toti-  
 dem, vtrinq; semper duobus pariter  
 in eadem ratione sumptis: necesse est  
 vt ἢ ἢ ἴσου λόγῳ ἢ vtrinq; conue-  
 niat.*

PH: Gignam meo Marte exem-  
 pla: Sint numeri sex oblati 6, 3, 15, 8,  
 12. Sit itidem alius numerorum or-  
 do qui totidem constet numeris, ni-  
 mirum 8, 4, 12, 4, 2, 3. In priore or-  
 dine combinabo semper duos, qui  
 alijs duobus alterius ordinis λόγῳ de-  
 bent respondere, Vt enim 6 ad 3 sic  
 in altero ordine 8 ad 4, & ut 15 ad 5  
 sic 12 ad 4, utq; 8 ad 12 in ὑφαιμιολίῳ λό-  
 γῳ sic in posteriori ordine 2 ad 3.

OR: Ex his animus tibi est inferre  
 κατὰ τὸ ζυτούμενον Theorematis, Quæ  
 admodum se habent δ'ισοῦ extremi  
 aut finales numeri prioris ordinis 6 &  
 12, sic æque posterioris ordinis ex-  
 tremi 8 & 3. PH: Omnino talem  
 institueram mecum conclusionem:  
 Sed quanta spe decidi, Euentus neu-  
 tiq; respondet animi sententiæ. Solu-  
 was nodum Orthophroni. OR:  
 Quæsitum Theorematis dextrè qui-  
 dem adsequutus es, cæterum ante-  
 cedentis uox, σ'αὐτοῦ, tibi imposuit.  
 Combinatio uumerorum illa in uo-  
 troq; ordine debet esse συνεχῆς ἢ ἀσ-  
 ηκμεν continua non discreta, hoc est,  
 ut singuli medij numeri bis sumantur.

Veluti si datis numeris 18. 12.  
 9. 3, alter quidam numerorum or-  
 do correspondeat, 24. 16. 12. 4.  
 Ita nimirum ut quemadmodum in  
 priori ordine octodenarij ad duode-  
 narium

LIBER VII.

narium λόγος est ἡμιόλιος, sic & in  
 posteriore ordine se habeant 24 ad  
 16 : Utq; in priore ordine 12 ad 9,  
 ἐπίτριτον habet λόγος sic in posteriore  
 16 ad 12 : utq; in priore nouenarij ad  
 ternar: λόγος τριπλάσιος, sic in postero-  
 re duodenarij ad quaternarium. His  
 ita se habentib. quomodo concludes  
 iuxta subiectam propositionem: PH:  
 Nimirum, numeris δ' ἰσού sumptis uo-  
 trob; resultaturam rationum conue-  
 nientiam seu ἀναλογίαν. Vt enim ex-  
 tremi prioris ordinis 18 & 3 in ἑξαπλα-  
 σίῳ λόγῳ ratione sextupla, sic & extre-  
 mi posterioris ordinis 24 & 4.

Placere mihi isthac σφάλμα-  
 τος ἑωανοςδέματα: sed quò menti  
 infideant altius subijcias diuersū non  
 nihil παράδειγμα. OR: Prior series sit  
 16. 4. 20. Posterior uerò 12. 3. 15. Sit  
 autem ut 16 ad 4 τετραπλάσιος λόγος sic  
 & 12 ad 3 in posteriori serie: utq; 4 ad  
 20 est ὑποπεντάπλάσιος sic & 3 ad 15.

PH:

P H : Ergo per nostrū Theorema ut  
*δι' ἴσον* 16 ad 20 in subseſquiquarta ra-  
 tione sic & 12 ad 15. Nunc pergam  
 legere.

P R O P O S I T I O

X V .

Ἐὰρ μονὰς ἀριθμὸν τινὰ μετρή, ἰσάκις  
 ἢ ἕτερος ἀριθμὸς ἄλλοι τινὰ ἀριθμὸν με-  
 τρή : καὶ ἐναλλάξ ἰσάκις ἢ μονὰς τὸν τρίτον  
 ἀριθμὸν μετρήσει καὶ ὁ δεύτερος τέταρτον :

O R : Theorema hoc nihil differt à  
 nona propositione, nisi quod hęc spe-  
 cificata unitas sit pro qua communius  
 isthic offertur numerus, qui pars sit al-  
 terius se maioris : Quare ut tum nos  
 nam sub tredecimā, tanquā multo ge-  
 neraliorem retulimus, itidē & hęc sub  
 eodem ueluti communi complecti-  
 mur domicilio. *Si unitas, inquit,  
 numerum aliquem mensa fuerit toties  
 quotis*

LIBER VII.

quoties alius quidam numerus tertius alium quendam quartum metitur: tum permutatim unitas tertium toties metitur numerum, quoties secundus quartum. Præter unum exemplum nihil amplius adiiciam. PH: Sine quo fingam ipse. Unitas quinæ denarij est decimaquinta pars, tantæq; pars est 4 sexagenarij: Dico igitur quod, ἐναλλάξ id est permutato facio ordine, ipsa unitas sit æqualiter tanta pars quaternarij (nimirum quarta) quanta est quindenarius ipsius sexagenarij. Sequitur in textu.

PROPOSITIO  
XVI.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσαντες ἀλλήλους ποιῶσιν τινὰς: οἱ γεόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις ἔσονται. OR: Si duo numeri ex mutua sui multiplicatio-  
ne

EVCLIDEORVM ELE.

ne aliquos produxerint: productos  
 ex his æqualeis sibi esse necesse est.  
 PH: Nihil intellectu facilius est atq;  
 hoc Theoremation. An non perinde  
 est dicere, ter quatuor procreant duos  
 decim, & quater tria procreant duos  
 decim? OR: Est, quò scilicet ad pro  
 ductum seu numerum utrinq; ex  
 multiplicatione emergentem, ut ex  
 igit  $\epsilon\pi\omicron\mu\epsilon\nu\omicron\nu$  nostri Theorematis: Cæ  
 terum (ut & antecedens Theorema  
 tis aliquantulum explicem) si respe  
 xeris agendi modum in multiplican  
 tibus numeris, nonnihil est discrimi  
 nis. Commissis enim inter sese ternar  
 io et quaternario, quaternarioq; mul  
 tiplicato secundum illas quæ in ternar  
 io sunt unitates, dicendoq; ter quatu  
 or sunt 12, ternarius in hoc coitu mas  
 est, agens,  $\eta\ \omega\lambda\lambda\alpha\ \omega\lambda\alpha\sigma\tau\acute{\iota}\alpha\ \lambda\omega\nu$ , quatero  
 narius uerò patiens: Ita vice uersa tero  
 nario multiplicato secundum illas quæ  
 in quaternario sunt unitates, dicendo  
 quæ quater tria sunt 12, quaternarius  
 hæc

## LIBER VII.

hoc mas est agens, ternarius foemella  
 patiens. PH: Desistas, sat est expli-  
 cationum. Pergamus.

PROPOSITIO  
 XVII.

~~Ἐὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοῦ πολλὰ  
 πλασιαίως ποίῃ τινὰς: δι' γεόμενοι ἐξ αὐ-  
 τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι τοῖς πολλὰ  
 πλασιαίως.~~

*Εἰς τὴν 870  
 l. b. 5.*

OR: Hic unus num-  
 merus duobus opponitur, in quos a-  
 git, hoc est, quos multiplicat. Si nu-  
 merus, inquit, multiplicauerit duos  
 numeros: procreati inde habebunt  
 cum multiplicatis rationem eandem.

Vt sit 5 qui ductus in 10 & 8 utrunq;  
 multiplicet, procreatisq; 50 & 40  
 (nam quinquies decem sunt 50, &  
 quinquies octo sūt 40) Concludo ex  
 sententia Theorematis, procreatos 50  
 & 40 eandē inter se rationem habere,  
 nimis

nimirum sesquiquartam, quam habent multiplicati duo 10 & 8. PH: Sit aliud exemplum: Nouem & 3 sunt in ratione tripla: Hos itaq; duos si multiplicauerit vnus aliquis numerus ( ut sit in præsentia 4 ) procreabitq; 36 & 12: Infero iuxta consequens Theorematis, 36 respicere duodenarium in eadem ratione tripla, quæ nimirum fuit multiplicatorum duorum nouenarij & ternarij.

PROPOSITIO  
XVIII.

Εάν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν τινὰ πολλαπλασιάσαντες ποιῶσι τινὰς: οἱ γινόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν αὐτὸν ἔξουσι λόγον τοῖς πολλαπλασιάσασιν. Non admodum magno discrimine Theorema præsens à præcedenti distare videtur. OR: Hic ἀνάπαλιν duo numeri opponuntur uni in quem uterq; agit multiplicando,

LÍBER VII.

do, ait uerò. *Si duo numeri numerum aliquem multiplicauerint : procreati ex illis habebunt eandem quam multiplicantes rationem.* P H:

Adsumamus primum præcedentis Theorematis  $\omega\alpha\rho\alpha\delta\epsilon\iota\gamma\mu\alpha$ . Sint denarius & octonarius quorum uterq; ducatur in quinarium eum multiplicando, prodibit ex denarij cum quinario congressu quinquagenarius; at ex octonarij coitione cum eodem quinario nascitur quadragenarius : Dicit iam  $\epsilon\omega\sigma\mu\epsilon\nu\sigma\upsilon$  nostri Theorematis, quinquagenarij & quadragenarij eandem esse rationem, quæ est denarij & octonarij. Atqui hoc ipsum statuit etiam præcedens propositio : Video igitur saltem  $\tau\alpha\ \eta\gamma\omicron\upsilon\mu\epsilon\nu\alpha$  utriusq; differre. OR : Differunt isthoc quem ostendi modo.

ADDITAMENTVN.

K

Logis

**L**ogistics non es imperitus: *Dic*  
 igitur Philomathes, quem iudices  
 premissa tria Theoremata habere us-  
 sum in uulgaribus practicis supputa-  
 tionibus? **PH:** Omittam dicere de  
 ampla illa proportionum doctrina,  
 qua non leuia ex his petit subsidia,  
 tractatio certe minutiarum Physicali-  
 um, ut loquatur, non commodè po-  
 terit carere trium iam explicatorum  
 Theorematum adminiculo. **OR:**  
 Rectè sentis. Totum illud negocium  
 reducendi diuersissimarum denomina-  
 tionum minutias ad unam aliquam  
 & communem omnibus denomina-  
 tionem pendet ex harum trium pro-  
 positionum indicatione.

**PH:** Sumam mihi declaratio-  
 nem. Sint  $\frac{3}{4}$  &  $\frac{4}{7}$  partes alicuius rei  
 Physicalæ: Has diuersissimas  
 partes non datur in unam sum-  
 mam colligere uel minorem à maiore  
 subtrahere, prius quam æqualeis de-  
 nomi-

## LIBER VII.

nominatores fuerint sortitæ. Id uerò  
 per horum Theorematum  $\gamma\omicron\sigma\eta\gamma\iota\alpha\pi$  fit  
 ita. Fractionis  $\frac{2}{3}$  uterq; numerus per  
 inferiorem alterius ut 7 multiplicetur :  
 inde productos numeros  $\frac{2}{3} \cdot 7$  idem posse ac ualere dico quod  
 numeri multiplicati  $\frac{2}{3}$  (per decimam  
 septimam uel etiam decimam  
 octauam propositionem.) Eo  
 dem modo numerus uterq; minutia  
 $\frac{4}{5}$  per inferiorem alterius ut 5 multi-  
 plicetur, emergentis fractionis nu-  
 meros  $\frac{2}{3}$  ex iisdem propositionibus  
 adfirmo tantundem posse quan-  
 tum  $\frac{4}{5}$ . Quod uero pro-  
 dierit æqualis denominatio, 35, pa-  
 tet per propositionem sedecimam.  
 Nam in priore operatione 5 sunt mul-  
 tiplicata per 7: in posteriore autem  
 7 sunt multiplicata per 5. OR: Vis  
 des iam beneficio harum trium pro-  
 positionum, inhabileis uel ad additi-  
 onem sui uel subtractionem fractio-

nes  $\frac{3}{5}$  &  $\frac{7}{4}$  redditas ad hoc  
 esse idoneas acquisito nimirum habitu  
 conuenientiore ut  $\frac{21}{35}$  &  $\frac{20}{35}$  Va-  
 lore tamen & proportione nihil  
 immutata. PH: Vin' ut experiar is-  
 dem in pluribus quam duabus fracti-  
 onibus? OR: Nouite quum  $\alpha\eta\kappa\tau\iota\sigma$   
 $\kappa\omicron\rho$  esse tum  $\phi\iota\lambda\omicron\mu\alpha\delta\eta$ . Itaq; superse-  
 deamus labore non admodum neces-  
 sario: Pergas legere.

PROPOSITIO  
 XIX.

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν:  
 ὁ ἐκ τῶν πρώτων καὶ τετάρτων γινόμενος ἀριθ-  
 μὸς ἴσος ἔσται τῷ ἐκ τῶν δευτέρων καὶ τρίτων  
 γινόμενῳ ἀριθμῷ: καὶ ἔὰν ὁ ἐκ τοῦ πρώτου  
 καὶ δευτέρου γινόμενος ἀριθμὸς ἴσος ᾖ  
 τῷ ἐκ τοῦ δευτέρου καὶ τρίτου: οἱ τέσσαρες  
 ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται. OR: Si qua-  
 tuor (inquit) numeri fuerint propor-  
 tionales

*tionales : necesse est numerum prode-*  
*antem ex multiplicatione primi &*  
*ultimi adequari illi qui nascitur ex*  
*secundi & tertij multiplicatione.*  
 Hęc prior est propositionis pars (nam  
 bimembrem esse citra dubium anis  
 maduertisti) cuius sit  $\omega\alpha\rho\acute{\alpha}\delta\epsilon\iota\gamma\mu\alpha$  tale.

Sint quatuor ἀνάλογος numeri  
 6, 12, 7, 14. Nam (ut patuit ex defi-  
 nitione 19) inclinatur senarius ad duo-  
 denarium in ea ratione (nimirum  
 dupla) in qua respicit septenarius qua-  
 terdenariū: Hac tenus δεδωμενον ἢ ἡγοῦ-  
 μενον nostri Theorematis: PH: Exi-  
 git iam ἐπωδωμενον ἢ τὸ ζητούμενον, debe-  
 re numerum emergentem & ex mul-  
 tiplicatione senarij in 14 (nimirum  
 84) eundem esse cum eo quem pro-  
 ducunt 12 & 7 numeri intermedij  
 multiplicati: Nascitur autem ex ho-  
 rum etiam commensura 84. Patet igitur  
 Theorema.

Subijcias iam alteram partem  
 quæ prioris est  $\alpha\upsilon\tau\iota\sigma\theta\sigma\phi$   $\Theta$  : O R : Ta-  
 lis est. Si numerus proveniens ex pri-  
 mi et ultimi multiplicatione equalis  
 fuerit provenienti ex secundi & ter-  
 tiy multiplicatione: necesse est quatu-  
 or illos numeros proportionales esse.  
 Id uno declaretur exemplo. Ex duobus  
 numeris 6 & 10 per multiplicati-  
 onem commissis prodeunt 60, ex alijs  
 item duobus 4 & 15 in se ductis  
 tantundem prodeat : Hoc est antece-  
 dens conuersæ : Infert consequens,  
 quatuor numeros 6 & 10, 4 & 15, se-  
 κατ' ἀναλογίαν respicere. P H : Id neu-  
 tiq; uerum est, nam senarius à denario  
 respicitur in ratione superbipartiente  
 tertias (libet enim Phrasi Boethia-  
 na uti) quaternarius uerò à quina-  
 denario in ratione tripla supertripar-  
 tiente quartas. O R : Erras in col-  
 locatione numerorum quod non  
 pote

Conuersa  
 29 Propo-  
 sitionis.

## LIBER VII.

poteris non euitare si accuratè conſy-  
deraris uerba Theorematis, *Nume-  
ri quibz duo in multiplicatione  
commiſſi ſortiantur ſedes extremas,  
reliqui duo media occupent loca citra  
delectum ut conceditur ex tredec-  
cima propoſitione.*

PH: Intelligo. Vt, Numeri 6  
& 10 prius ſortiantur extremas ſedes,  
reliquis duobus 4 et 15 bifariam inter  
poſitis 6. 4. 15. 10. uel 6. 15. 4. 10.  
Viden' utrobicz eſſe ἀναλογίαμ?  
Nunc etiam 15 & 4, qui ſunt in-  
ter ſe multiplicati, occupent extre-  
mitates, reliquis duobus 6 & 10 4.  
itidem bifariam incluſis 15. 6. 10.  
uel 15. 10. 6. 4. Neq; uero  
nunc refert an uel à ſiniſtris uel  
ἀνάπλευρὰ dextris examinem propor-  
tionalitatem. OR: In ſimilibus ex-  
emplis hinc ſine cortice diſcas natare  
PH; Fict.

tum.

OR: **M** Eministi ne, Philomathes, fieri in Logistica huius Theorematis mentionem; PH: Omnino: Noster Magistellus cum me &  $\xi\omega\omega\mu\acute{\iota}\lambda\iota\kappa\alpha\varsigma$  & mercatores quosdam, doceret  $\mu\epsilon\phi\phi\omega\phi\omega\rho\iota\alpha\mu$  Germanica lingua crebro uibrabat oculos nostros mirabilibus Schematū Geometricorū ductib: ubi erat ad limina uentum aurea illius regulæ DE TRI (quā adpellationem penes illos nunc obtinuit usus) uolens nimirum exhibendorū paradegmatum futuras tractationes stabilire, præmittendo calculationis  $\epsilon\phi\omega\delta\omega\rho$ : Quis ibi  $\phi\iota\lambda\omega\mu\alpha\delta\acute{\iota}\sigma\iota\tau\epsilon\omega\varsigma$  non grauiter artexisset aureis, præsertim Geometricæ Philosophiæ non frigidus amator? Deum uerò immortalē quanta cum expectatione plurimum, non semel aduocabat Euclidum suum

suum per Germanicum interpretem  
 secum loquentem, deierans unà per  
 sacram uirginem, se regulam. De tri  
 nusq̄ altius atq̄ à radicibus imis quàm  
 ab illo tractatam Philosopho reperire  
 quod mihi persuasit facile. OR: Cre  
 do, siquidem doctos & rerum Geo  
 metricarum non imperitos habuit aus  
 cultatores. PH: Doctos dicis?  
 quorum nemo uel definitionem ali  
 cuius termini ad *διδασκαλίαν* Geo  
 metricam spectantis perceptam habu  
 it, usq̄ adeo illius temporis *ἀκροάματα*  
 euanuerunt.

OR: Sed ad rem, quaeso: ex  
 peto scire num praesens etiam Theo  
 rema ad commodauerit tractationi il  
 lius regulæ. PH: De hoc altissimum  
 silentium, quod mihi mirum: fuisse  
 siquidem Arithmeticum Theorema  
 imperitoribus ad commodatius quã  
 isthac Geometrica *πολυπραγμοσύνη*  
 intempestiuè adhibita. Domum uerò  
 reuersus consului Logisticen nostri

EVCLIDEORVM ELE.

Tonstalli, cuius ductu depræhendit  
fontem ex quo scaturit aurea illa pro-  
portionum regula. OR: Fontem  
quidem dixeris nostrum illud Theo-  
rema: cæterum respectu præcedenti-  
um quæ hæctenus percurrimus saliens  
quidam riuulus est, cuius καλλιῆροσ  
ἕδωσ tum temporis transijisti manibus  
illotis: atqui mentis oculi in eodem  
se nunc felicius atq; amœnius pas-  
cunt, quum eundem me duce reuistas  
χρῆσας νιψάμιν. Θ πολυηγάτῳ ἕδ᾽ αὐτὶ λευκῶ,

Vide igitur quanti referat, sine  
gula doctrinarum genera suo quodq;  
loco discere ab ipsis ut par est primor-  
dijs. PH: Adsentior. Proinde non  
nihil mirari soleo plurimum Logistæ  
rū uanam insolentiam qui ne uerbu-  
lo quidem hortatores sunt imperitio-  
ribus, quò præmittant Logisticis sup-  
putationibus Euclideorum Elemen-  
torum expeditiora progymnasmata,  
quum tamen ipsi inter docendum, ubi  
ali-

## LIBER VII.

aliquantulum seria sese obtulerint, magno cum supercilio producant conspicienda plumis nudata Theoremata Euclidæ, in quibus uel magis est periclitandum incipienti quàm muri immerso pici. OR: Boni his excipiantur, nam nonnihil est discriminis.

Alij Logistæ suas præceptiones in gratiam literatorum iuuenum tractant: alij pro mercatorum imperito uulgo. In utroq; genere uel recte proceditur uel secus agitur. PH: Explices hæc. OR: Qui enim pro literatis, hi aut plurimum hoc spectant ut quod tradunt dignum censeatur VERE literatis mentibus: aut in hoc incumbunt ut minus consulatur incipientibus, ipsi uerò sint ostendatores Magnifici.

PH:

PH: Tu VERE Literatam mentem uocas eam que mediocriter callet Arithmetica & Geometrica Philosophiam prius quam accedat ad  $\omega\rho\acute{\alpha}\xi\iota\varsigma$  supputationum: inquam sententiam lubens tecum iero. OR: Huiusmodi mente præditos igitur qui docent illi certe non poterunt singulos  $\tau\acute{\iota}\mu\phi\omicron\phi\omicron\rho\rho\rho\rho\rho$  rationes non examinare sagaciter, & more exegetici Grammatici reducere ad prima præcepta illa ac purissima initia doctrinae tam Arithmetice quam Geometricæ (definitiones ac propositiones Euclideas intelligas) sine quibus omnis  $\epsilon\pi\lambda\omicron\gamma\iota\sigma\mu\omicron\varsigma$  & mutilus & mancus est. Id ita scriptis præstitere nostri temporis Miscyllus & Stifelius ut hoc nomine in summa sint apud me existimatione. Cæterum, qui mentis studiosorum in Arithmeticis ac Geometricis non prius aliquantulum expolitos exercere student  $\omega\pi\epsilon\rho\iota\ \tau\acute{\alpha}\varsigma\ \omega\rho\acute{\alpha}\xi\iota\varsigma\ \acute{\alpha}\rho\iota\theta\mu\omicron\omega\mu\eta\tau\eta\ \epsilon\pi\lambda\omicron\gamma\iota\sigma\mu\omicron\omega\mu\ \delta\iota\alpha\chi\rho\rho\rho\rho\rho\ \phi\upsilon\sigma\iota\kappa\acute{\alpha}\varsigma$ , hi iuseo  
 rint

rint operam, arbitror, dum crebro  
 sufficiunt nunc has nunc illas propo-  
 sitiones partim Geometricas, partim  
 Arithmeticas ex Eucl de: nam his in-  
 tempestiuis farciminibus aut uerius  
 micis ex aliena coena per ostentatio-  
 nem peius magis ad nauseam prouo-  
 cantur discentium animi, ac perraro  
 ad meliorem reuocantur frugem. Sa-  
 tius esset, interea illos instigari ut or-  
 dinata ac plana uia incedentes, non  
 per interruptos scopulos ac conualles  
 fonteis ipsos adirent.

PH: Sed ad mercatorum Lo-  
 gistas. OR: Hos similiter opta-  
 rem ad captum auditorum supputan-  
 di negotium ad commodare. Non  
 nego autem posse etiam Germanicis  
 liberis Euclideam Philosophiam tra-  
 ctari, ut fecere quidem Noribergens-  
 ses: Hac igitur instructi si qui fuerint  
 discipuli, quid prohibet quò minus  
 singulas supputandi methodos decla-  
 ret

EVCLIDEORVM ELE.

ret magister prima ab origine? Verum imperitiores peregrinis ambagibus fascinare, quum superuacaneum est tum ridiculum.

Atqui tandem mihi occurrit, quibusnam forte Geometricis ductibus uester ille Magistellus in regula proportionum iuserit. PH: Audiam OR: Sunt in sexto Elementorum duæ propositiones, 16 & 17, per omnia similes nostræ decimæ nonæ iam enarratæ ac mox subsequaturæ uigesimalæ, nisi quod illæ in magnitudinibus præcipiunt, idem hæ Arithmeticis persequuntur numeris. Cum autem non minus commodè ex sedecima sexti Regula proportionum possit ostendi quam ex nostra decima nona septimi, arbitror maluisse illum propter ostentationis splendorem remotius ex Geometria Theorema accersere, quam hoc propinquius ex Arithmeticis. At rursus  
 miror

LIBER VII.

miror, quam intricatam linearum  
 permixtionem hæc potuerit idem  
 ostentare, quum Delineatio Theore-  
 matis plana sit atq; expedita PH:  
 Ne quæso teramus tempus peregrin-  
 nis: Nota mihi sunt illa sexti libri  
 Theoremata, & sufficit in præsen-  
 tia, Si Regulam ἀναλογιών saltē ex  
 nostro Theoremate declararis.

OR: Aggrediar: Problema  
 est si præcepero, Tribus datis nu-  
 meris, quartum illis ἀνάλογον subje-  
 cere, ut nimirum se habente primo  
 ad secundum ita διηρημένως tertio  
 quoq; ad investigatum quartum, qui  
 authoribus passim dicitur τὸ ἐπιπέδα-  
 λον μέρος. Huius problematis  
 solutionem Logisticam exhibet regu-  
 læ illius sæpius nominatæ tractatio  
 pendens ex nostro Theoremate.

Præ

EVCLIDEORVM ELE.

Præcipitur autem in illa, ut primum numerus tertius in secundum ducatur, id est, ut ex duobus numeris, quos nos intermedios paulo ante diximus, ueluti lateribus inter se multiplicatis, fiat planus numerus (per definit 15) : correspondens superficiæ rectangulæ in Geometria : Deinde præcipit regula problematis ut hæc superficies plani numeri  $\alpha\alpha\beta\gamma\delta\epsilon\zeta\eta$  hoc est adcommo- detur (per diuisionis, hoc est,  $\tau$   $\alpha\alpha\beta\gamma\delta\epsilon\zeta\eta$  laborem) ad primum numerum tanquam latus. Necesse tum erit, ut numerus emergens & representans τὸ  $\tau$   $\alpha\alpha\beta\gamma\delta\epsilon\zeta\eta$  sit quaesitus numerus quartus respondens κατ' ἀναλογίαν tertio, ut διηρημένος secundus primo.

PH: Sat expedite satisfacisti problemati : Nunc audiam, qui ueritas solutionis dependeat ex Theoremate. Etsi uerò hoc ipsum non ignorem tamen me non nihil delectat experiri  
 $\alpha\gamma\alpha\theta\omega\upsilon$

LIBER VII.

ἀγαθὸν ἀνδρῶς ὁμοφροσύνῃ μονα νόστῃ. Sed  
 precor ut hoc in præsentia fiat citra ad  
 mixtionem Πρασεωμ geometricarum  
 per solos Arithmeticos terminos: Nā  
 haud ignoro posse etiam commodē  
 rem ostendi norma Geometrica cuius  
 indicationem nonnullam fecisti in  
 præmissa solutione:

OR: Nititur quidem tractatio  
 problematis veritate Theorematis  
 nostri, cæterum non cuius obuium  
 est, nec liquet nisi adhibuerit median-  
 tem hanc Maximam: *Quilibet nu-*  
*merus per multiplicationem composi-* Lemma  
*tus ex duobus numeris tanq̄ lateribus* ad declar-  
*si quando alterutro laterum mensu-* randam  
*ratus fuerit: Oportebit reliquum la-* regulam  
*tus, mensurationis quotientē esse seu* proportio-  
ν κατὰ μετρίσιν ἁριθμῶν. Vt Octo  
 denarius per multiplicationem sic  
 compositus ex lateribus 6 & 3: Mens-  
 sureturq; idem 18 per latus tenarij, eo  
 L mens

merget ternarij latus index mensurati-  
onis: Vel eundem octodenarium me-  
tiatur ternarius, emerget rursus 6.

Hac uia strata resumamus primum  
nostri Theorematis paradigma, 6. 12.  
7. in quo fingas quartum numerum,  
ut 14, latere ac  $\omega\rho\theta\beta\lambda\eta\mu\alpha\tau\iota\kappa\omega\varsigma$  elicien-  
dum esse: Nec tamen aliter sis affe-  
ctus ac si quartus aliquis adesset nu-  
merus: Multiplicatis itaque intermedijs  
12 & 7 prodientibusque 84, flagitat  $\tau\omicron\upsilon\mu\epsilon\nu\theta\omicron\rho$   
Theorematis ut extremorū  
numerorum multiplicatio tantū-  
dem conficiat, nimirum 84. Mensu-  
rato igitur 84 per alterum se produ-  
centium extremorum, notum scilicet  
6, ex sententia Maximaē premissē of-  
fert sese alterum extremum, ut 14: qui  
in senarium extremum ductus pro-  
creat itidem 84: De similibus idem  
aestimato exemplis: Nos prolixius ac  
par est immorati sumus huic Theore-  
mati.

PROPOSITIO  
XX.

Ἡ δὲ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὡστὶν:  
 ὁ ὑπὸ τῶν ἀκρῶν ἴσος ἔσται τῷ ἀπὸ τοῦ μέ-  
 σου : ἰὰρ δὲ ὁ ὑπὸ τῶν ἀκρῶν ἴσος ἢ ἴσος  
 ἐπὶ τοῦ μέσου : οἱ ἄλλοι ἀριθμοὶ ἀνάλογον  
 ἔσονται. O R : Hoc Theorema sic res-  
 picit præmissum ut in Geometria de  
 cimâ septimâ sexti libri se præcedens  
 tem sedecimam respicere nosti. P H:  
 Quantum uero iudicas esse discrimi-  
 nis, in utroq; quantitatum genere, in-  
 ter hæc duo Theoremata : O R :  
 Non usq; adeo multum : Quod enim  
 διακριμένως discretè de quatuor quantis  
 satibus dicitur, idem ἐμ ἀναλογία συνεχῶς  
 καὶ seu continua de tribus asseritur si  
 medius terminus bis sumitur, ut in  
 explicatione 19 definitionis heri mon-  
 nui. Si tres, inquit, numeri proportio-  
 nales fuerint : qui sub extremis com-  
 prehenditur (id est, qui fit ex multiplicatione

extremorum duorum) æqualis erit illi qui sub medio, id est, qui ex multiplicatione medij in se nascitur: PH: Ea multiplicatio medij fit quando is, bis sumitur atq; ita ex æqualibus lateribus planus producit quadratus.

Quantum igitur deprehendo Orōtophroni, si ex dato trium numerorum huius propositionis fecero datum quatuor numerorum, medio termino nimirum bis sumpto, nihil uariat hoc Theorema à præcedenti: Ut positis tribus terminis proportionalibus in ratione tripla *συνεχῶς* procedentibus 4. 12. 36. necesse erit *κατὰ τὸ ἐπόμενον* siue *ῥητούμενον* Theorematis, ut quantum prodit ex complexu extremorū (scilicet 144) tantundem etiam prodeat ex ductu medij in se, duodecies enim duodecim itidem dant 144. Cæterum geminato termino medio dicendo ut 4 ad 12, ita 12 ad 36 citra discrimen incidero in ditionem præceden-

cedentis Theorematis regimine non admodum uariato: OR Tenes Conuersam huius Theorematis haud difficulter poteris ad præmissum exemplū adcommo- dare, nec non adhibere similem conciliationem cum præmissæ  $\omega\sigma\tau\acute{\alpha}\sigma\tau\omega\varsigma$  conuersa. Ita uero habet.

*Si trium datorum numerorum extremi produxerint ex se numerum quendam æqualem illi quem medius ex se gignit: necesse est, tres datos numeros ἀνάλογον esse*

### ADDITAMEN- tum.

PH: **L**ogistæ non crebro in ore habent explicitam hæcenus propositionem uigesimalam. OR: Credo, quum fortè non sæpe usu ueniat illud quod ex ea dependet problema. PH: Cuius argumenti sit hoc desydero scire. OR: Si  $\omega\sigma\epsilon\beta\lambda\eta\mu\alpha\tau\eta\kappa\omega\varsigma$

expetatur, *Duobus datis quaq; ratio-  
ne numeris tertium illis συναχῶς ἀνά-  
λογον subijcere.* PH: Mea quidem  
sententia expeditio uel huius proble-  
matis nihil differt à tractatione superio-  
ris si secundus hæc terminus saltem  
geminetur & haud aliter procedatur  
ac si tres essent ad διηρημένῳ ἀναλογίᾳ  
conficiendam oblati numeri. OR:  
Bene sentis.

Sed unico duntaxat exemplo  
persequamur solutionem illius idq; ex  
indicatione proximi Theorematis,  
PH: Sint data in quacuncq; χείρῳ nu-  
meri 4 & 20: quæro de hinc nume-  
rum quem uigenarius sic respiciat ut  
uigenarium quaternarius, in ratione  
nimirum quintupla. OR: Imagineris  
tertium aliquem καὶ ἀναλογίᾳ adesse  
numerum. Si ergo (ex 20 propos-  
sit:) intermedij termini (qui est uige-  
narius) quadratus numerus 400 æ-  
qualis

qualis est plano numero qui compræhenditur sub extremis numeris tanquã lateribus, necesse est, si 400 mensuretur per alterum extremorum ut 4, et mensurum (per maximam recitatam) alterum extremum ut centenarium, qui est  $\xi\iota\tau\omicron\upsilon\ \acute{\alpha}\nu\acute{\alpha}\lambda\omicron\gamma\omicron\upsilon$  reperitur. 4, 20, 100,

PH: Atqui, posset ne & aliud ex hoc Theoremate elici problema?

OR: Posset utiq; istud: *Datorum quorumcunq; duorum numerorum τὸ μέσον ἀνάλογον reperiendum.* PH:

Non incommodè per hanc occasio nem incideres in μεσότητας, quas Cicero uix audet dicere Medietates.

OR: In præsentia uerò non expedit illa pro ut par erat excutere: Octauus sequens liber dabit sufficientem ansam hæc persequendi: nec non in nono libro, Theorematum iam tractatorum duo problemata rursus sese offerent, ac tum reddam tibi rationem quæ Lo-

## LIBER VII.

gista ex præmissis duobus Theorematibus extruxerint illa. PH: Pergam tandem, uis, ad 21 propositionē? OR: Pergas omnino: Cæterum prius tractemus tres illam sequenteis propositiones, ut illa, post has, uigesimum quartum sortiatur locum, quamuis id demonstratori non uisum fuit.

ΠΡΟΠΟΣΙΤΙΟ  
XXI.

PH: Ἐὰν ᾧσι τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι τὸ πλῆθος, σάωδ' ἂν λαμβανόμενοι καὶ ἐν ἑὶ αὐτοῖς λόγῳ ἢ δὲ τετραγμῆν αὐτῶν ἢ ἀναλογία: καὶ δὲ ἴσ' ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται. Ignoro quid sit ἀναλογία τετραγμῆν. OR: In uestibulo quinti libri definitur: unde huc, habitu nonnihil uariato, asciscere libuit: Ait eam esse ὅταν τριῶν ὄντων ἀριθμῶν καὶ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς τὸ πλῆθος, γίνεται, ὅς μὲν ἐν πρώτοις ἀριθμοῖς ἢ γον' κενόσ' ὅρος πρὸς

## LIBER VII.

πρὸς ἐπόμενον οὕτως ἐν δευτέροις ἀριθμοῖς  
 ἡγούμενος πρὸς ἐπόμενον, ὡς δὲ ἐν πρώ-  
 τοις ἀριθμοῖς ἐπόμενος ὅσος πρὸς ἄλλον τις  
 ἢ οὕτως ἐν δευτέροις ἀριθμοῖς ἄλλος τις  
 πρὸς ἡγούμενον: hoc est, *Perturbata  
 proportio est, quando tribus positis  
 numeris & alterius ordinis totidem,  
 sicut in priorē ordine se habet antece-  
 dens terminus ad suum sequentem, sic  
 & in altero ordine antecedens ad su-  
 um sequacem: Ut verò in priori se-  
 rie sequens terminus ad alium terti-  
 um, sic in posteriore serie tertius ad  
 antecedentem terminum.*

Ut, prior series hos contineat nus-  
 meros 6. 9. 3. Posterior hos, 36. 12.  
 18. sicut ut in priori serie 6 ad sequen-  
 tem 9 sic in posteriore 12 præcedat 18  
 sequentem: Porro ut in priorē serie  
 pristinus sequens 9 ad aliū se sequens

tem 3, sic in posteriore serie alius quidam tertius (36) ad pristinum huius ordinis præcessorem 12. Huiusmodi consequentiam terminorum analogicam dicimus perturbatam.

PH: Quid, si geminus numerorum ordo non ita fuerit perturbatus, sed in modum 14 propositionis termini utrobique processerint? OR: Dicetur analogia τεταγμένη ordinata cuius definitionem ex quinti libri vestibulo petas. PH: Atqui non fecit huius uoculae mentionem propositio decima quarta, alioqui non fuisset hallucinatus in phrasi σώδου λαμβανομένων, utique prius indicata ratione processus OR: Neque mihi tum hoc uenit in mentem: Sed omnino desydero ut isti Theoremati, ad finem antecedentis seu του δεδομένου, addatur (κατα τὴν τεταγμένω ἀναλογίαν.) Deinde mallet istud Theorema huic nostro uelut excipienti præfigi archissimorum uinculo coniungi, ut in Geometricis quantibus

## LIBER VII.

bus, si recte memini, facit quintus liber, nimirum Theoremate uigesimo secundo & uigesimo tertio: Ac fortassis etiam in istorum priore Theoremate deest hoc quod nostræ decimæ quartæ propositioni: Nunc reuertamur ad pertexendum assumptum exemplum.

PH: Datum seu Theorematis antecedens satis in exemplo illo declarasti: Ego nunc inferam τὸ 24<sup>ον</sup> τὸ ἄνω μὲνον quod scilicet κατὰ δὲ ἰσοϋλόγων etiam ἀναλογία sit, id est, sicut 6 ad 3 in priore ordine ita 36 ad 18 in posteriore. Flagitat id credo sensus Theorematis? OR: Flagitat certe: Si fuerint (inquit) tres numeri & alia totidem constans series, semper utringue duobus correspondenter simul sumptis in eadem ratione, \* fuerit verò hæc perturbata proportio: necesse est, ut etiam δὲ ἰσοϋ συν sint in eadem ratione.

\* Hactenus dicta competunt etiam ἢ τεταγμένα ἀνάλογος γίγ.

PH: Nunc ipse

Ipsemet gignam diuersum, sed tamen simile παραδειγμα: Sit series prior 3. 15. 9. Posterior autem 10. 6. 30. Vt autem 3 ad 15 in priore, sic in posteriore re 6 ad 30; Porro ut in priore 15 ad 9 sic in posteriore 10 ad 6: Ergo per hoc Theorema ut  $\delta^i$   $\iota\sigma\alpha$  est 3 ad 9 sic &  $\delta^i$   $\iota\sigma\delta$  10 ad 30. Pergolegere.

PROPOSITIO  
XXII.

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ :  
ἐλάχισοι εἰσι τῶν τὸν αὐτοῦ λόγον ἔχόντων  
αὐτοῖς. OR: *Datis, aut, duobus vel  
pluribus etiam quocumq; inter se pri-  
mis numeris: impossibile est reperiri  
alios istis minores eandem inter se ra-  
tionem obtinentes. Vt 3 ad 2 cons-  
tituti in ratione sesquialtera sunt in-  
ter se primi, hoc est, (ex definitione)  
solam unitatem communem admittunt*

LIBER VII

tunt mensuram; concludo iam ex propositione nostra, 3 & 2 minimos esse terminos omnium istorum numerorum qui possint in ratione hemiolia constitui,

PH: Tu quos uocas minimos rationis terminos alij  $\alpha\upsilon\tau\acute{\alpha}\mu\epsilon\tau\omicron\upsilon\varsigma$   $\delta\epsilon\upsilon\tau\epsilon\acute{\rho}\alpha$  dicunt radicem, basin, seu fundum  $\chi\epsilon\iota\tau\epsilon\omega\varsigma$  determinantes, ut his non reperiantur inferiores alij: Sic 3 ad 2 est  $\alpha\upsilon\tau\acute{\alpha}\mu\acute{\omega}$  sesquialterus, & 3 ad 4  $\alpha\upsilon\tau\acute{\alpha}\mu\acute{\omega}$   $\tau\epsilon\tau\epsilon\tau\acute{\alpha}\tau\omicron\varsigma$  sesquicertia radix, apud Aristotelem & Platonem: OR: Recte dicis: Atq; hinc perspicue deprehendis sensum definitionis XI nec non & X, quare nimirum illarum numeri dicantur inter se PRIMI.

Sit aliud exemplum plurium numerorum. Quatuor hi 10. 5. 2. 11. ex tertia propositionis tractatione agnoscantur esse inter se primi, hoc est (iuxta definit.) quod non admittant  
 aliam

EVCLIDEORVM ELE.

aliam quandam mensuram præter quã  
 solam unitatem: PH: Dicit iam con-  
 sequens Theorematis, eiusmodi  
 numeros exhibitos, esse minimos om-  
 nium eorum qui eandem possunt in  
 progressionem seruare  $\chi\acute{\epsilon}\sigma\tau\mu$ . Id est,  
 non posse præter hos proferri minores  
 et alios quorum primus ( ut hæc )  
 ad secundum rationem habeat duo-  
 plam, secundus porro ad tertium ra-  
 tionem duplam sesquialteram: Tercio  
 ad quartum rationem subquinq-  
 tuplam sesquialteram.

Sequitur in  
 textu.

PRO,

## LIBER VII.

PROPOSITIO  
XXIII.

Ὅι ἐλάχισοι ἀριθμοὶ ἔ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς: πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν. Hæc est conuersa præcedentis: quales nunq̄ non solent esse planæ, quod conuertibilium ferme eadem sit doctrina: OR: Si minimi offerantur, ait, numeri eorum qui eandem habent inter se rationem: necessario inter se primi erunt illi. Perge ad intermissam in loco uigesimo primo.

PROPOSITIO  
XXIII.

PH: ὁι ἐλάχισοι ἀριθμοὶ τῶν τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς μείζονσι τοὺς τῶν αὐτὸν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς ἰσάκεις, ὅτε μείζων τὸν μείζονα καὶ ἂ ἐλάττων τὸν ἐλάττονα.  
OR.

E V CLIDEORVM ELE.

*O R: Minimi numeri eorum qui eandem habent rationem metiuntur (inquit) maiores se, quibus cum eandem obtinent rationem æquabiliter, maior quidem toties maiorem quoties minor minorem.*

Ut sint duo numeri 7 & 9 minimi eorum qui eandem habent rationem: (P H: Qui uerò deprehendam illud? O R: Ex 22 propositionis indicatione, siquidem primi inter se esse deprehendentur. P H: At unde hoc? O R: Ex primo Theoremate.) Pergo: Sint item alij duo numeri 35 & 45, prioribus quidem maiores, at in eadem se respicientes habitudine: P H: Inferam hinc iuxta  $\alpha\tau\tau\omicron\varsigma\ \mu\epsilon\tau\omicron\upsilon\varsigma$  Theorematis, quod priorum duorum maior (7) metiatur posteriorum duorum maiorem (35) toties, nimirum quinquies, quoties prior

LIBER VII.

priorum minor (9) posteriorum minorem (45) emetitur.

OR: Accommodemus & ad plures Theorema numeros, nec enim in hoc afficietur aliqua iniuria. Sint quinque numeri 3. 5. 12. 16. 20. iidemque minimi istorum omnium qui similiter progrediuntur, hoc est primi inter se (ex 23 propositione & tertia quoque adiuncto experimento) Sit rursus alius numerorum ordo 15. 25. 60. 80. 100 priori in progressionem, hoc est rationum subsequitione similis, καὶ τὰ τεταγμένω nimirum ἀναλογίαν, ut enim in priori serie 3 ad 5 sic in posteriore 15 ad 25: Vtque in priore 5 ad 12 sic in posteriore 25 ad 60. Vtque in priore 12 ad 16 sic in posteriore 60 ad 80: Tandem sicut in priore serie 16 ad 20, ita in posteriore 80 ad 100.

PH: His ita positis, concludo iuxta mentem nostri Theorematis, sin-

M gu

EVCLIDEORVM ELE.

gulos prioris ordinis qui istius pro-  
gressione minimi sunt ex ordine me-  
tiri posterioris ordinis singulos ἰσάκις,  
quoties nimirum 3 prioris ordinis,  
quindenarium posterioris mensurat,  
( ut quinquies ) toties quinarium prio-  
ris ordinis ipsum uicies quinarium  
posterioris ordinis mensurabit: atq;  
ita deinceps.

Exemplum.

Series pri. 3. 5. 12. 16. 20.

Series alt: 15. 25. 60. 80. 100.

PROPOSITIO  
XXV.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλή-  
λους ᾖσιν: ὁ τὸν ἑνὰ αὐτῶν μετρεῖ ἀριθμὸς  
πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται. OR: Si duo  
fuerint inter se primi numeri: tertius  
quidā alterutrum horū ubi fortè men-  
sus fuerit, ad alterum tamen primus  
erit.

EVCLIDEORVM ELE

erit. Sape euenit Philomathes ut ad  
 duos numeros inter se primos confes-  
 ratur tertius quidam qui neutrum  
 istorum possit metiri. At si forte oc-  
 currerit quidam tertius, ait Theore-  
 ma, qui alterum datorum emetiatur,  
 tum impossibile esse, ut idem tertius  
 etiam reliquum mensuret. Nam si  
 eundem etiam mensuraret, essent  
 duo oblati numeri, (ex definitio-  
 ne XI) inter se compositi quod est  
 contra  $\theta\acute{\epsilon}\sigma\iota\nu\ \eta\ \delta\iota\epsilon\delta\omicron\mu\epsilon\nu\omicron\nu$  Theorematis:  
 Relinquitur ergo consequentis ver-  
 ritas. Superfedeamus exemplis in re  
 facili ac propemodum puerili. PH:  
 Pergo .

PROPOSITIO

XXVI.

Ἐάν δύο ἀριθμοὶ πρὸς τινὰ ἀριθμὸν  
 πρῶτοι ὦσιν : καὶ ὁ ἐξ αὐτῶν γεόμε-  
 νος πρὸς τὸν αὐτὸν πρῶτος ἔσται  
 M η̄ Meno

EVCLIDEORVM ELE.

Mentem authoris patefaciam unico  
 paradigma. Siat duo numeri 8 &  
 12 qui ex antithesi primi Theorema-  
 tis sunt quidem inter se compositi, cae-  
 terum uterq; horum relatus ad terti-  
 um quendam numerum ( ut 5 ) pri-  
 mus sit : Concludit hinc consequens  
 nostri Theorematis : quod numerus  
 progenitus ex ductu octonarij in duo-  
 denarium ( ut 96 ) ad eundem terti-  
 um, 5, sit primus : cuius rei possim  
 periculum facere per primum Theo-  
 rema. OR : Dextre argumentatus  
 es, sic enim loquitur propositio:  
*Si duo numeri ad tertium quendam  
 primi fuerint : tum ex iisdem duo-  
 bus prognatus numerus ad  
 eundem tertium primus  
 ut sit oportet.*

PRO

## PROPOSITIO

## XXVII.

PH: ἔάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς  
 ἄλλους ὦσιν. ὁ ἐκ τοῦ ἑνὸς αὐτῶν γενέ-  
 μενος πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶτος ἔσται. OR:  
*Si duo, inquit, numeri primi inter se  
 fuerint: numerum prouenientem ex  
 alterutrius in se ductu primum esse  
 ad reliquum oportet. Sint duo nu-  
 meri 15 & 19 inter se primi per expe-  
 rimentum primi Theorematis. Ho-  
 rum alteruter, pro lubitu, (sumamus  
 in praesentia 15) ducatur in se ut nasci-  
 catur inde quadratus 225: Quid hinc  
 inferes Philomathes iuxta ζητούμενον  
 Theorematis? PH: Dico quadra-  
 tum 225 collatum ad 19, primum esse  
 se: Ac possem, si per ocium lice-  
 ret, id examinare per 1 The-  
 orema. Sequitur.*

PROPOSITIO  
XXVIII.

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμοὺς  
ἀμφοτέρωθεν πρὸς ἑκάτερον, πρῶτον ὄντων : ἢ  
οἱ ἐξ αὐτῶν γενόμενοι πρῶτοι πρὸς ἑκά-  
στων ἔσονται. Theorematis deδόμενον  
offert quatuor numeros, quorum duo  
conferuntur ad reliquos duos. Ceter-  
um in modo collationis lubricum est  
In Græcis non uersato hallucinari : il-  
lum indicat quum dicitur ἀμφοτέρωθεν  
πρὸς ἑκάτερον. OR: Exemplum adimet  
tibi scrupulum. Sint quatuor numeri,  
quorū duo 6 & 8 conferātur ad duos  
11 et 17 sic ut senar, & ad 11 collatus &  
ad 17 primus ad utriusq; sit : Similiter 8  
collat<sup>9</sup> & ad 11 et 17 pri. sit ad utrunq;  
Illud est authori ἀμφοτέρωθεν πρὸς ἑκάτερον  
πρῶτον εἶναι. PH: Consequens The-  
orematis, nisi fallor, sic concludet :  
Numerum progenitum ex multiplica-  
tione 6 in 8, (id est 48,) ad eum qui fit  
ex 11 in 17 (id est 187) primum esse,  
Sed

## LIBER VII

**Sed audiam Latine sonans Theorema:** *O R: Si duorum numerorum uterq; ad aliorum duorum singulos primus fuerit: necesse est numerum prodeuntem ex multiplicatione priorum duorum primum esse ad illum qui nascitur ex aliorum duorum in se multiplicatione. Legas sequentia.*

**PROPOSITIO  
XXIX.**

**P H:** *Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὡς ἢ καὶ πολλαπλασιασάσας ἐκάτερος ἑαυτὸν ποιῆ τινὰ: οἱ γενομένοι ἐξ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.* **O R:** *Hanc priorem Theorematis partem prius elucidemus: Si duo (inquit) numeri primi inter se fuerint, et quisq; sese multiplicando fecerit aliquem: Necesse est illos ex multiplicatione productos inter se primos esse.*

EVCLIDEORVM ELE.

Vt sint numeri duo inter se primi 12  
& 19 : Ducaturq; duodenarius in se  
fiunt 144: Itemq; ex 19 fiat quadratus  
361. P H: Exigit ζητούμενον Theores  
matis, ut producti duo 144 & 361  
sint inter se primi, quod uerumne sit  
cognoscetur ex I Theoremate.

Restat altera Theorematis pars  
καὶ ἂν ἐξαρχῆς τοὺς γινόμενους πολλαπλα  
σιάσαντες ποιῶσιν τινὰς : κακείνοι πρώτοι  
πρὸς ἀλλήλους ἔσονται. καὶ αἰεὶ περὶ τοὺς  
ἄκρους τοῦτο συμβαίνει. O R: *Si porrò  
initiales duo numeri recenter produ  
ctos multiplicauerint : & hos ipsos  
productos inter se primos esse necesse  
est, ac semper id accidit in extremis  
numeris: Vt 12. qui fecit ex se 144,  
hunc ipsum multiplicet, fient 1728.  
Alter uero 19 qui progenuit ex seipso  
361 multiplicet eundem, emergent  
6859 : P H: Concludit ζητούμενον huius  
ius*

LIBER VII.

ius partis, quod etiam hi recens pro-  
gnati numeri ( ut 1728. & 6859. )  
inter se primi sint. Atq; annectit au-  
thor, non diuersum euenire, si quis eos  
dem pertendens modo recens acces-  
ptos numeros uelut extremos & ultis-  
mos porrò multiplicet in suos primos  
res: prodituros nimirum & tunc nu-  
meros inter se primos: ut multiplica-  
tur 1728 in suum 12 prodibunt  
20736: itemq; 6859 in suum 19 e-  
mergent 130321, sunt iam & hi nuper  
reperiti numeri adinuicem primi: Ac  
in infinitum posset quis hanc extre-  
morum multiplicationem persequi.  
Pergam legere.

PROPOSITIO  
XXX.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἑαυ-  
τοὺς ὡς 1: καὶ συναμφοτέρῳ πρὸς ἕκαστον  
ἑαυτῶν πρῶτοι ἔσονται. Hæc est prior

M 5

Theor

Theorematis pars quam si unico examinauerimus exemplo sat est: **OR**:  
*Si duo, inquit, numeri primi inter se fuerint: necesse est numerum ex horum additione prouenientem respectu vtriusq; primum esse, Vt sint duo inter se primi numeri 5 & 7: Dicas ex sententia Theorematis duodenarium (qui compositus est ex quinario & septenario iunctis) primum esse tam respectu quinarij quam septenarij:*  
**PH**: Placet rotunditas explicationis.

Altera Theorematis pars, prope modum  $\alpha\nu\tau\iota\varsigma\epsilon\phi\epsilon\tau\alpha\iota$  ad priorem, hoc modo:  $\eta\upsilon\lambda\iota\ \epsilon\alpha\mu\ \sigma\omega\alpha\mu\phi\acute{o}\tau\epsilon\rho\varsigma\ \pi\rho\acute{o}\varsigma\ \epsilon\nu\acute{\alpha}\ \tau\iota\nu\acute{\alpha}\ \alpha\upsilon\tau\omega\mu\ \pi\rho\acute{\omega}\tau\omicron\varsigma\ \eta\ \eta\upsilon\lambda\iota\ \delta\iota\ \epsilon\acute{\xi}\alpha\rho\chi\eta\varsigma\ \acute{\alpha}\rho\iota\theta\mu\omicron\iota\ \pi\rho\acute{\omega}\tau\omicron\iota\ \pi\rho\acute{o}\varsigma\ \acute{\alpha}\lambda\lambda\acute{\iota}\lambda\omicron\upsilon\varsigma\ \epsilon\sigma\omicron\nu\tau\alpha\iota.$  **OR**:  
*Si contra, inquit, numerus ex duorum additione proueniens ad alterutrum primus fuerit: erunt duo isti numeri (additi sc.) inter se primi:*  
**Ve**

Vt addantur inter se numeri 27 & 19  
conficiaturq; 46, Hic numerus ad al-  
terutrum duorum (ut in præsentia  
27) sit primus, ex indicatione primi  
Theorematis : Concluditur inde,  
quod 27 & 19 inter se primi sint. Pos-  
tes tua Marte grandiora gignere ex-  
empla. Pertexas reliqua.

PROPOSITIO  
XXXI.

PH: Ἀπας πρῶτος ἀριθμὸς πρὸς ἅ-  
παντα ἀριθμοῦ ὃν μὴ μετρεῖ πρῶτος ἐστίν.  
An ne hoc est propemodum ταυτολο-  
γείη. *Omnis primus numerus est pri-  
mus numerus?* De numeris quidem  
per se compositis constat ex 13 defini-  
tione quod respectu aliorum, quibus  
cum nullam admittunt communem  
mensuram, possint dici pri: Cæterum  
de numeris per se primis, haud mihi  
constat possintne simili modo respec-  
ctu

est aliorum dici compositi. **OR:**  
 Non procul à scopo Philomates: **Om**  
**nino** siquidem uera est nostri **Theo**  
**rematis** &  $\alpha\omega\phi\alpha\tau\iota\kappa\acute{\eta}$ , *Omniem primum*  
*numerum*  $\alpha\pi\omega\sigma\tau\epsilon\tau\epsilon\sigma\alpha\tau$  *collatum, quem*  
*metitur, compositum esse: ut quinari*  
*as est numerus per se primus ex defi*  
*nitione: qui si conferatur cum quin*  
*denario quem metitur, non dicerur*  
*respectu huius primus, sed composi*  
*tus: Hi duo siquidem sunt*  
*inter se compositi habentes commu*  
*nem mensuram quinarij, qui seipsum*  
*metitur semel & quindenarium ter.*  
**PH:** Hæc antithesis, ut cerno, illus  
 trat Theorema propositum: *Omni*  
*primus numerus ad omnem numerum*  
*quem non metitur primus est. Ut*  
*Quindenarius est numerus primus*  
*atq; ad undenarium quem non*  
*metitur collatus pri*  
*mus manet*

PRO

## PROPOSITIO

## XXII.

Εάν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιασθέντες  
 ἀλλήλους ποιῶσι τινά, καὶ τὸν γεγόμενον  
 εἰς αὐτῶν μετῆ τις πρῶτος ἀριθμὸς ἔσῃ  
 τῶν εἰς ἀρχὴν μετρήσει. OR: Si duo nu-  
 meri sese multiplicando aliquem pro-  
 duxerint atq; eundem productum  
 mensus fuerit aliquis primus nume-  
 rus: metietur primus ille numerus e-  
 tiam aliquem duorum propositorum  
 numerorum: Vt 2 & 21 sese multipli-  
 cantes produxerint 42: metiaturq;  
 42 primus quidem ut 7: infert cons-  
 sequens quod idem 7 etiam alterum  
 duorum propositorum metiatur ut  
 hoc loco 21. Aliud, Quaternarius in  
 Nouenarius duct. producat 36: Hoc  
 productum metiatur 3 primus nu-  
 merus: PH: patet ex Theoremate  
 quod

E VCLIDEORVM ELE.

quod idem ternarius etiã metiatur  
nouenarius alterum propositorum.

PROPOSITIO

XXXIII.

Ἄπασας σᾶνθετος ἀριθμὸς, ὑπὸ πρῶτου  
ἑνὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται. *Omnis composi-*  
*fitus numerus à primo aliquo necesse*  
*est ut mensuretur.* ut, 12 est composi-  
fitus numerus qui, per definitionem,  
mensurabitur à quodam numero. Hic  
autem repertus post quam deprehē-  
detur esse primus ( ut ternarius ) sa-  
tisfit propositio. Sin autem composi-  
fitus quidam sese obtulerit mensore  
duodenarij ( ut uel 4 uel 6 ) nihilo-  
minus à primo aliquo mensuretur  
duodenarius necesse est. PH: Hic ut  
inueniendus sit monstra. OR: Ex  
oblatis inicitò compositis mensuris elis-  
ctur. Si enim 6 mensurat duode-  
cium

## LIBER VII.

rum ut compositus, habebit 6 rursus  
( per definit ) aliam mensuram qui  
uel 2 uel 3 est : uterq; certè primus,  
uterq; etiam dimetiens duodenarij :

PH : Cæterum si 72 numeri com-  
positi offertur mensura (36) compo-  
sita & ipsa, huius uerò rursus compo-  
sita mensura offertur (12) quid faci-  
am, secunda uenatione non acquisito  
aliquo numero primo qui 72 metia-  
tur? OR : Quod si id non fit uel  
prima, uel secunda uenatione, tamen  
uel tertia uel quarta acquireretur.  
(neq; enim in infinitum poterit fieri  
diminutio,) equidem uia proceden-  
dum est eadem post repertum duo-  
denarium donec peruentum fuerit  
uel ad binarium uel ternarium quem  
ad modum in superiore euenit exem-  
plo. PH : Legam sequens Theo-  
rema ab hoc non prorsus  
alienum.

PRO,



## LIBER VII.

dent; O R: Datis, ait; quotcunq; numeris: inueniendi sunt totidem numeri minimi habentes eandem inter se rationem.

Afferam solutionem generalem satisfacientem quibusuis exemplis. Numeri oblati initio explorentur sintne inter se primi uel compositi, (per I propositionem si duo fuerint, Aut si plures; per tertiæ præmissum Lemma, adhibitis etiam ἀποφατικαῖς earundem propositionum) quod si primi fuerint; habes  $\lambda\tau\omicron\upsilon\mu\epsilon\omicron\upsilon\sigma$  problematis, sunt enim (per 21 proposit.) minimi eorum qui eandem possunt constituere inter se habitudinem: Sin verò compositi, inquiretur (uel per secundam uel tertiam proposit.) eorundem communis maximâq; mensura; per quam ubi fuerint singuli

N                      propo.

EVCLIDEORVM ELE.

*propositi mensurati, necesse est mensurationis quotienteis esse αριθμεικούς ὄντες, id est, numeros minimos eorum qui in isthac ratione possunt consistere, per conuersionem decimæ quartæ propositionis.*

PH: Sine ut ipse periclititer in exemplis. Sint dati duo numeri 15 et 22, siue in fractione siue alias in ratione positi, quas uelim experiri num possint ad minores terminos redigi: facto autem periculo per I propositio: uideo esse inter se primos, id est &c. Rursus sint alij duo 44 & 12 de quibus idem propositum. Hæc offert primum problema eorundem communem maximamq; mensuram (4) quæ metiens singulos producit ex mensuratione, II & 3, quorum undenarius toties metitur 44, nimirum quater, quoties ternarius duodenarium: Quare per καλινδ'ρομίαν 24 propositio

LIBER VII.

sitionis,  $\alpha\upsilon\delta\iota\alpha\ \epsilon\iota\varsigma$  propositorum numerorum sunt 11 & 3. In explorandis pluribus numeris haud dissimilem sumis opellam: ut 12. 15. 19. ad minores redigi non possunt, sed hi ipsi sunt  $\alpha\upsilon\delta\iota\alpha\ \mu\epsilon\upsilon\iota\kappa\omicron\iota\ \delta\epsilon\upsilon\tau\epsilon\iota\ \alpha\kappa\omicron\lambda\omicron\upsilon\delta\iota\alpha\varsigma$ : per 2 enim problema inter se sunt primi. Ceterum 60. 75. 95. ex secundo problemate compositi sunt & beneficio eiusdem acquiritur communis eorundem & maxima mensura 5 per quam singuli mensurati, prodibunt  $\kappa\alpha\tau\alpha\ \mu\epsilon\tau\epsilon\tau\eta\sigma\epsilon\omega\varsigma\ \alpha\gamma\iota\sigma\tau\omicron\mu\omicron\iota\ 12. 15. 19.$  minimi termini. OR: Rem probe adsequutus es.

Sed ut uideo, per hoc ultimum exemplum facile daretur cuiuslibet iusta occasio gignendi  $\pi\alpha\theta\epsilon\lambda\eta\mu\alpha\tau\iota\kappa\omicron\upsilon\ \alpha\lambda\iota\sigma\upsilon\delta\iota\alpha$  ex solutione huius problematis. PH: Quale id est? OR:

*Datis quocumque numeris minimis alicuius progressionis: alios ipsis maiores reperiri qui eandem seruent ha-*

*N y bitu-*

*bitudinem*: Quando enim numeri minimi 12. 15. 19. multiplicati sunt per 5, prodierunt maiores ipsis in eadem habitudine 60. 75. 95. Quod patet per 17 Propositionem PH: Atqui textus illius loquitur de duobus saltem numeris per unum multiplicatis?  
**OR**: Eadem propositio & ad plures extendi potest numeros; quod tum monuissim si per occasionem forte uenisset in mentem. PH: Sequitur in codice.

PROPOSITIO  
 XXXVI.

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων: ἐνεῖν ὀμέλᾳξι-  
 σορ μετῴσιν ἀριθμῶν. **OR**: *Datis duo-*  
*bus numeris: inueniendus est mini-*  
*mus numerus quem illi dimetiuntur.*  
 Expeditio huius problematis non la-  
 borat ulla difficultate si duas consydes-  
 raris uias: Aut enim numeri oblati  
 duo

LIBER VII.

duo sunt inter se primi, aut uerò compositi. Si fuerint inter se primi dati numeri, ducatur alter in alterum multiplicando: tum necesse est numerum, sub his duobus lateribus cōprehensum, minimum esse quem uterq; metiri possit. ut ex 12 & 23 multiplicatis (qui sunt inter se primi) prouenit 276 quem dico esse minimum eorum qui sub mensuram 12 & 23 cadunt.

Cæterum si duo oblati numeri inter se compositi fuerint, acquiratur ipsorum communis maximâq; mensura: per quam si alteruter oblatorum mensuretur ac numerus mensurationis in reliquum oblatorum ducatur, emergere necesse est minimum quem metiri possunt numerum: ut 15 & 36 sunt inter se compositi: Communis maximâq; eorundem mensura est 3.

N iij

Per

EVCLIDEORVM ELE.

Per hunc ternarium mensurato alter  
 utro illorum ( ut in præsentia quina  
 denario) emergunt ex mensuratione  
 5, qui ductus in reliquum 36, produ-  
 cet 180, minimum eorum qui per 15  
 & 36 mensurari possunt. In reliquis  
 exemplis eodem incedas tramite.  
 PH: Ut secunda propositio erga ter-  
 tiam adfecta fuit: sic & hoc problema  
 non multò post sequuturum proble-  
 ma respicere animaduerto, quod per-  
 lubenter huic statim subijcerem: Sed  
 ne temere propositionum interrump-  
 amus ordinem inseramus sequens  
 Theorema.

PROPOSITIO  
 XXXVII.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμῶν τινὰ μετρώσι:  
 καὶ ὁ ἑλέχισος ὑπὲρ αὐτῶν μετρουμένος τὸν  
 αὐτὸν μετρήσῃ. Si duo, inquit, numera  
 ri tertium quendam mensi fuerint:

oportet

oportet  
 duob  
 am t  
 eme  
 Mi  
 12  
 pro  
 seq  
 36  
 tur  
 Et  
 au  
 Et  
 sit  
 2  
 a  
 F

oportebit numerum minimum qui a duobus illis mensuratur emetiri etiam tertium. Ut duo numeri 9 & 12 emetiantur tertium quendam 72: Minimus uero numerus quem 9 & 12 emetiuntur sit (per præmissum problema) ipse 36; Subiicit hæc consequens Theorematis, quod eadem 36 etiam tertium 72 emetiantur. Aliud gignam. Senarius & octonarius emetiuntur 48: Minimus autem numerus quem senarius & octonarius emetiuntur (ex 36 propositione) est 24: Concludo hinc quod 24 etiam metiatur 48. Nunc tandem audiamus istud de tribus numeris problema.

PROPOSITIO  
XXXVIII.

τριῶν ἀριθμῶν ὁθεντῶν : εὐρεῖν ὅρ  
ἐλάχισον μετρεῖσιν ἀριθμὸν OR: Quæ-  
ritur hæc idem in tribus & per similitu-  
dinem in pluribus numeris quod

N III

antea

antea in duobus. *Trium datorum,*  
 inquit, *numerorum minimus quem*  
*mensurant numerus reperiatur.* PH:  
 Solutio huius problematis uidetur  
 mihi constare prioris illius ingemina-  
 tione aut repetitione crebriore. OR:  
 Omnino. *Reperitur, enim, trium*  
*exhibitorum numerorum minimus*  
*qui ab illis mensuratur, si cum duobus*  
*primum agatur iuxta precedentis*  
*problematis præscriptum: numerus*  
*verò inuentus ad tertium proposito-*  
*rũ ad commodetur cùmq; his duobus*  
*eodem modò procedatur. Nam nume-*  
*rus hic secundo repertus, trium dato-*  
*rum est minimus quem mensurare*  
*possunt.*

PH: Effingas commodum ex-  
 emplum. OR: Sit inueniendus mi-  
 nimus numerus quem mensurare  
 possunt 2, 9, 14. Binarij & Nouena-  
 rij

rj̄ minimus quem metiuntur nume-  
 rus, ex præmissio problemate, est 18 :  
 Huius uerò 18, & tertij̄ propositiōũ,  
 14 (ex eodem problemate) minimus  
 qui ab illis mensuratur numerus est  
 126 : Concludo igitur ex sententia  
 solutionis : Secundo loco repertum  
 126 esse minimum numerum qui a  
 2, & 9, & 14 mensurari possit.

PH: Gignam ego nonnihil die  
 uersum in pluribus numeris : Nul-  
 la enim, ut intelligo, diuersitas est  
 inuestigationis, siue tres siue mille den-  
 tur numeri. Sit autem inuestigandus  
 numerus minimus quem mensurare  
 possit & 2 & 8, & 10, & 20. Binarij  
 quidem & octonarij̄ minimus est ip-  
 se 8 ex præmissio problemat. Octonarij̄  
 uerò & denarij̄ (ex eodem) est 40 :  
 Quadragenarij̄ uerò & uigenarij̄ (ex  
 eodem problem.) ipse 40 est : Con-  
 cludo igitur, 40 repertum, minimum  
 esse numerũ quẽ metiantur oblati nu-

meri. OR: Perplacet foelicitas in-  
genij tui: Nam dexterrime adsequu-  
tus es solutionem problematis. Cæ-  
terum sis huius tui paradigmati me-  
mor, nam eius usus erit in ultimo pro-  
blemate ualde tempestiuus ac com-  
pendiosus. Nunc pergas legere.

PROPOSITIO  
XXXIX.

Ἐὰν ἀριθμὸς ὑπὸ τινος ἀριθμοῦ με-  
τρεῖται: ὁ μετρούμενος ὁμώνυμον μέρος ἔξει  
τοῦ μετροῦντι. OR: Si numerus ab alio  
quodam mensuratur: habebit is qui  
mensuratur, eiusdem denominationis  
partem quam ostendit mensor. Ut  
18 mensuratur à 9: Dico quod 18 eti-  
am nonam partem habeat, quæ scili-  
cet est 2. Sic 24 mensuratur ab 8:  
Sequitur, 24 etiam octa-  
uam partem habere  
quæ est 3.

PRO

LIBER VII.  
PROPOSITIO.  
XL.

PH: Ἐὰν ἀριθμὸς μέσος ἔχη ὀτιούμ:  
ὑπὸ ὁμωνύμῳ ἀριθμοῦ μετρήσεται ὅσῳ μέρει.  
Hæc quasi conuersa est præcedentis.  
Ut sit octodenarius qui habet nonam  
quandam partem nimirum 2: Conclusio,  
eundem octodenarium mensurari à  
nouenario qui denominatur à  
parte: Hic ne sensus est: OR: Est  
omnino, Sic enim habet propositio.  
*Si numerus partam habuerit quam-  
cumq; metietur eundem numerus à  
parte denominatus. Sex & triginta  
tertiam habent partem: Potest igitur  
eisdẽ sex & triginta metiri ternarius.*  
PH: Vesper ingruit, properemus idcirco  
ad explicationem ultimæ ἀπορίας  
σέως quam mirum in modum gestio  
audire: Nam ex ea te producturum  
heri promisisti Epigrammatis sensum  
de aurea Mineruæ statua.

PRO

PROPOSITIO

XLI.

*Vltima.*

Ἀριθμὸν εὐρεῖν ὃς ἐλάχιστος ὦν ἔξει τὰς  
 δοθέντα μέρη. O R: Numerum debes  
 inquirere habentem datas partes, sic  
 tamen vt nullo ipso minor quis sit qui  
 easdem contineat. Vt si inueniendus  
 esset numerus qui & secundam, & ter  
 tiam, & sextam partem habeat, quem  
 esse illum diceres? PH: Triginta sex:  
 Nam hic mediam partem habet (18)  
 & tertiam (12) & sextam (6) O R:  
 Atqui minimum inuentum vult pro  
 blema: iam neutiq; minimus est 36  
 sed habetur longè minor ipso duodeci  
 narius cuius secunda pars est (6) ter  
 tia (4) sexta binarius.

Vt itaq; habeas certam quandam  
 atq; expeditam inueniendi metho  
 dum

## LIBER VII.

dum sic soluo problema. *Denominaciones partium contentarum in numero inueniundo collocentur ex ordine: Harum deinceps (per proximum problema) inueniatur numerus quem metiantur minimus, quo acquisito venati iam sumus problematis*  $\alpha\tau\omicron\upsilon\delta$   $\mu\epsilon\nu\omicron\upsilon\pi$ : Ut inueniendarum partium denominationes in præmissis paradeigmatate sunt 2, 3, 6: Harum minimus quem metiuntur numerus (ex proximo problemate) est 6: Nam hic priorum duorum 2 & 3 est minimus quem illi possunt mensurare (ex antea penultimo problemate.) idemq; senarius ad tertium numerum (6) collatus minimus manet quem senarius metiri potest: quare, per proximum problema, 6 minimus est eorum quos oblatarum partium denominatores mensurare possunt: atq; ex problematis huius solutione senarius numerus est

com

complectens partem mediam id est 3,  
tertiam id est 2, sextam id est 1.

PH: Sine quo gignam experi-  
mentum non nihil diuersum. Iubeam  
indagare numerum qui minimus  
complectatur in se Mediam partem,  
Octauam, Decimam, & Vigesimalam:  
Harum partium numeri  $\delta\mu\omega\nu\mu\omicron\iota$  sunt  
hi: 2, 8, 10, 20, quorum minimus quē  
metiuntur. OR: Quid laboras in suo  
peruacaneis? In proximo problema  
te meministi indicasse te numerum  
ab his mensurabilem (40)? Hic est  
quæsitus etiam in hoc problemate nu-  
merus: quod probo PH: Permittas  
mihi  $\delta\omicron\kappa\iota\mu\alpha\sigma\iota\alpha\rho$ : Habet quadragenar-  
ius medietatem quæ est 20, habet &  
 $\delta\gamma\delta\omicron\alpha\tau\omega$  quæ est 5, &  $\delta\iota\kappa\acute{\alpha}\tau\omega$  ut 4, et  
 $\epsilon\iota\kappa\omicron\sigma\tau\omega$  id est 2. OR: Tu non inimicam  
tibi habes Mineruam, siquidem  
ipsius Epigramma præter expectatio-  
nem tibi labitur inq; sinus medietatē  
amplectitur ulnis: Audias me quæso  
tibi

LIBER VII.

tibi recitantem illud ex libro Epigram-  
matum, ut mireris tuam ευσοχίαν.

παλλὰς ἐγὼ τέλειδω σφυρίλατος, αὐτὰς δ'  
χρυσός,

Αἰζηῶν π' ἀλετῆ δῶρον κοῖδοσώλων:  
ἡμισυ μὲν χρυσοῖο Χαρεῖσι Θ, ὀγδοάτῳ δὲ  
θεῖσσι, ἠὲ δεκάτῳ μοῖραν ἔθηκε  
Σόλων.

Αὐτὰς ἑικοσῶν θεμίστων. τὰ δὲ λοιπὰ τὰ  
λαντα.

εννέα ἠὲ τέχνη δῶρον Δεισοδία.

Viden' prorsus denominatio-  
nes grecas cum tuis convenire? Pal-  
las se malleo factam dicit, aurique quod  
habet suppeditatores fuisse iuvenis  
Poeticos studiosos: Sic ut Charisius  
dimidium attulerit, Thespis vero  
octavam partem, Solon decimam,  
ac Themison Vigesimalam.

Hic

Hęc si lector Epigrammatum ambi-  
get de numero huiusmodi parteis  
complectente, indubitanter Philoma-  
tes ex Euclideâ numerorum Philoso-  
phia poterit respondere, Quadrage-  
narium esse, cuius recitatæ partes  
in unum conflatae, si adijciatur & 9,  
conficiunt 40. ¶ PH: Lætor, hu-  
manissime Orthophroni, supra quam  
dici potest quod res ex animi proces-  
serit sententia. Nunc quia deuen-  
tum est ad terminum septimi libri, ces-  
set Dissertatio. OR: Placet seruari  
pactum hesternò die inter nos initum  
ut bidui spacio septimus saltem inter  
nos explicaretur liber: quanquã nec erit  
graue reliquos etiam eadem simplici-  
tate quandoquã percurrere, ubi uel tu  
uel quisquã sodalium huiusmodi officij  
genus à me flagitauerit & mihi per-  
ocium id præstare licuerit.

Non defuisset certe in hac ma-  
teria ostendandi occasio iusta: Sed

\* semis

# LIBER VII.

Con- sultit ad Mis- ners ue statu- am	Charisius		Dimi.		20
	Thespis	pare- tem	Octa.		5
	Solon	tas lens	Decim.	id est	4
	Themis.	torū	Vigesim.		2
	Aristo- dicus.	autē	reli. talen- ta.		9
					9

Sum: omnium Talentor. 40.

\* semper malo propter captum rudiorum balbutiens uideri σοιχεῖόνης quàm vel luculentus compilator, vel intempestiuus ostentator. nec hoc citra omen, quum alias mira sit in numeris simplicitas, fucus nullus, propria nimirum sua luce & frugalitate contenti, ubi cæterę professiones & cultum amant & tantę uidentur esse quantum uerbis tolli possunt. Nulla, mihi credas, diu placere poterunt quęcumq; prima statim fronte arrident,

O qui

quibusq; rebus à vulgo datur adplausus de his suspiciosam fieri cordatis deliberationem oportet. Non igitur mouearis istorum clamoribus qui hanc pulcerrimam doctrinā extenuant ueluti puerilem nulliusq; nitoris: Ignorant equidem isti nitidi Thrasones, quod hæc ipsa puerilis doctrina, ut cum Platone loquar, tam ad Oeconomicam quàm Politicam uitam, deniq; ad omnium doctrinarum dextram perceptionem plurimum habeat momenti: Addo, quòd id ipsum  $\omega\alpha\iota\sigma\theta\epsilon\iota\omicron\rho\ \mu\acute{\alpha}\delta\eta\mu\alpha$  uegetiorem & alacriorem exuscitando reddat omnem (sic ut idem inquit)  $\tau\omicron\rho\ \nu\sigma\acute{\alpha}\lambda\omicron\nu\tau\alpha\ \eta\theta\eta\ \delta\iota\mu\alpha\sigma\theta\eta\ \phi\acute{\upsilon}\sigma\epsilon\iota$ , atq; eundem  $\eta\theta\eta\ \epsilon\upsilon\mu\alpha\delta\eta\ \eta\theta\eta\ \mu\eta\mu\omicron\nu\alpha$ ,  $\eta\ \acute{\alpha}\gamma\chi\iota\nu\delta\rho\ \acute{\alpha}\pi\epsilon\rho\gamma\acute{\alpha}\zeta\eta\tau\alpha\iota$ . Et quàmquam prima coitio aliquanto est inasincerior: tamen deuorandum quicquid in eiusmodi principijs offertur tædij uel etiam contemptus: fulciendus magis animus spe futuræ delectationis

Lib: 7 de legibus.

## LIBER VII

tionis quæ erit impensior post quam  
 αἰς τὸ ἀκροβύχια ut cum Hesiodo con-  
 cludam, PH: Isthæc iam antè mihi  
 præmeditata fuere, quàm manè te  
 conuenissem: Nunc quum ὁμολογού-  
 μενος audiam impensius lætor, atq; das-  
 bitur à me sedulo opera ut apud me-  
 morem hæc aliquando compertaris te  
 fuisse locutum.

Antè quàm uerò in nidum u-  
 terq; regrediatur suum quem manè  
 reliquimus, unum est quod apud te  
 deponam sed in aurem fidam ac mihi  
 beneuolam, nam palàm id garrire  
 non patietur arrogantis fremitus uul-  
 gi qui egrè fert sua non semper laudas-  
 ri: *Rectè improbant viri non vsq; a-  
 deo indocti passim receptum ab indo-  
 ctis morem, proponendi Adolescen-  
 tibus rudimentorum loco practicas  
 illas incipientibus nimium operosas  
 de Arithmeticis præceptiones. Nam*

O ij      has

EVCLIDEORVM ELE:

*has sine vlllo viuo præceptoris ductu  
deinceps haud difficulter adsequi pos-  
sent. ( ut hoc biduo me res ipsa eru-  
dijt ) si prius hæc tenuissima simpli-  
cimâq; Arithmetices Elementa, qua-  
tenus in 7, 8, & 9 Euclidæ tractan-  
tur, rectè percepissent.*

Præter quàm enim quòd non  
nihil debebat esse discriminis inter  
uulgareis mercatorum Logistas &  
Philosophiæ studiosum ( cuius pro-  
prium arteis ab ipsis primordijs adiun-  
ctis rationibus cognoscere ) hoc paria-  
ter accedit, quòd in practicis non tana-  
tum τὸ ὄντι Arithmeticum non tradi-  
tur, sed & difficilius quoddam ipsa  
ἐν ὄντι: Adde, quod ibidem non medi-  
ocris Geometriæ requiratur cognitio  
uti supputatores norunt.

Hac ratione non bene ducitur  
miseræ & imperita, teneris suis annis  
fluctuo

## LIBER VII.

fluctuans luuentus. Vnde dolendū,  
 Magistrorū peruerso atq; insulso iu-  
 dicio nunq̄ non frangi optima queq̄,  
 uerē heroica, ac frugalissīma ingenia  
 quæ breui aliās temporis spacio per  
 omnium disciplinarum campos citra  
 ullas ingenij torturas facilē spaciaren-  
 tur si commodum primis nancisceren-  
 tur annis semitarum monstratorem,  
 nec uel ab inuidis, uel morosis atq; im-  
 peritis sæpe rusticis per auia ducerens-  
 tur. Mihi quid acciderit ante perpau-  
 cos annos malo tacere. Quicquid ue-  
 rō deinceps lucis ac perspicacitatis in-  
 genio affulsit, id totum tribuo Deo &  
 Philosophiæ Euclidæ. Sed hæc non  
 facile imperitis persuasero; & aliās  
*gaudet mundus decipi ac per auia du-  
 ci magno cum dispendio tam studio-  
 rū quàm temporis nunq̄ reuertentis.*  
*Ista hæctenus.*

Restat, Vt precemur Deum  
 Optimum Maximum, creatorem &

EVCLIDEORVM ELE.

conseruatores uniuersitatis rerum,  
fontem inexhaustum omnis intelli-  
gentiæ, qui hoc ipso fine numerorum  
atq; ordinis intellectum, brutis dene-  
gatum, creature in seuit rationali ut es-  
set aliquod sui in natura rerum exem-  
plar cui tandem in futura post hanc  
mortalem uitam æternitate commu-  
nicaret sese ad perpetuam celebratio-  
nem: Hæc, inquam, diuina mens, fons  
æternitatis, dirigat omnium nostrum  
pectora, ut unice meditemur non  
quæ caduca & breui peritura sed  
quæ spectant ad illustrandam glori-  
am diuinæ illius Maiestatis, Scholar-  
rum ac Reipublicæ Chris-  
tianæ incrementa.

Amen.

Per scriptum Mense Iunio.

WITTENBERGAE.

A N N O

1564

# CASTIGATION.

**B ij.** Pag. 2. V. 4. in Claudio gaudes  
à Typica Epenthesi, pro Claudio.

**B 6.** Pag. 1. V. II. Geodasian les  
gatur.

**C 2** Pag. 1 circa finem abundat  
n. in subsequunturis.

**C 5** Pag. 1 in definit: τοῦ λόγου, uox  
ὁμογενῶν redundare credatur si ad \* +  
numeros adplicetur definitio.

**C 6** Pag. 1 in definit 8. pro περιος  
lege περιος ὁς. sic et paulo post, περιος ὁρ

**D 7** Pag. 1. V. 3. lege τετραγωνικῶν πλε  
ρῶν. Pagina eadem uersu antepenul  
timo pro πρῶσ lege πρῶτος.

**F 2** Pag. 1. V. penult. lege ἀποφα  
τικῶν & in sequentibus semper pro κα  
τα eiusdem uocis, legas ἀπο.

**F 8** Pag. 1 V. 8. post Inter lege Sc.

**G 2** Pag. 2 V. 14 lege προσχωρήσει.

**H 1.** Pag. 2. V. 1. lege ζητούμενον  
pro διεδόμενον.

Reliqua suo Marte poterit candidus  
lector corrigere.