

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

ΕΥΚΛΙΔΙΣ ELEMENTORVM

LIBRI XV. GRÆCÈ & Latiné,

Quibus, cùm ad omnem Mathematicæ scientiæ partem, tùm ad quamlibet Geometriæ tractationem, facilis comparatur aditus.

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε Γλάτων Θ, ἄγυθαγόρας σοφός ὄρε.

Γυθαγόρας σοφός ὄρε, Πλάτων δ' ἀρίστηλ' ἐδί-
δαξεν,

Εὐκλείδης ὡδὶ τοῖσι κλέθ' ὠδυναλλὲς ἔτρυξεν.



LVTETIAE,

*Apud Gulielmum Cauellat, in pingui Gallina,
ex aduerso collegij Cameracensis.*





AD CANDIDVM LE-
CTOREM ST. GRACILIS
Præfatio.

PERMAGNI referre semper
existimaui, lector beneuole, quan-
tum quisque studij & diligentia
ad percipienda scientiarum elemē-
ta adhibeat, quibus non satis cognitis, aut perpe-
ram intellectis, si vel digitum progredi tentes,
erroris caliginem animis offundas, non veritatis
lucem rebus obscuris adferas. Sed principiorum
quanta sint in disciplinis momenta, haud facile
credat, qui rerum naturam ipsa specie, non viri-
bus metiatur. Vt enim corporū quæ oriuntur &
intercunt, viliſſima tenuiſſimæque vidētur ini-
tia: ita rerum æternarum & admirabiliū, qui-
bus nobiliſſimæ artes continentur, elementa ad
speciem sunt exilia, ad vires & facultatē quàm
maxima. Quis non videt ex fici tantulo grano,
vt ait Tullius, aut ex acino vinaceo, aut
terarum frugum aut stirpium minutiſſimis,

P R Æ F A T I O.

minibus tantos truncos ramosque proceari? Nā Mathematicorū initia illa quidē dictū auditūq; perexigua, quantam theōrematum syluam nobis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis seminibus, sic & in artiū principiis inesse vim earum rerum, quæ ex his progignuntur. Præclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μεγιστοῦ ἰσως ἀρχὴ παντὸς, καὶ ὅσα κρείσσον τῇ διωάμει, ῥοστόω μικρότατον ὅρ ὅδ' μεγέθει χαλεπὸν ὅστις ὁ Φθίνου. Quocirca committendum non est, ut nō bene prouisa & diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumq; rerum veritas sit demonstranda, vel constituas, vel constituta approbes. Cauendū etiā, ut ne tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatio ne turpiter deceptus, à vera principiorum ratione temere deflectas. Nam qui initio fortē aberrauerit, is ut tandem in maximis versetur erroribus necesse est: cum ex vno erroris capite densiores sœpius tenebræ rebus clarissimis obducantur. Quid tam varias veterum physiologorū sententias non mēdō cum rerum veritate pugnātes, sed vehementer etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fueritne vlla potior tanti dissidij causa, quàm quòd ex principiis partim falsis partim non consentaneis du-

P R Æ F A T I O.

Etas rationes probando adhiberent. Fit enim ple-
 runque, ut qui non rectè de artium rerumque ele-
 mentis sentiunt, ad præfinitas quasdam opinio-
 nes suas omnia revocare studeant. Pythagorei,
 ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri
 summam perfectionem cælo tribuerent, nec plu-
 res tamen quam nouem sphaeras cernerent, deci-
 mam affingere ausi sunt terræ aduersam, quam
 ὁκλήζοντα appellarunt. Illi enim vniuersitatis re-
 rumque singularum naturam ex numeris ceu prin-
 cipiis æstimantes, ea protulerunt quæ Φαντασ-
 τοις congruere nusquam sunt cognita. Nam ridi-
 cula Democriti, Anaximenes, Melissi, Anaxa-
 gore, Anaximandri, & reliquorum id genus
 physiologorum somnia, ex falsis illa quidem or-
 ta naturæ principiis, sed ad Mathematicum ni-
 hil aut parum spectantia, sciens prætereo. Non-
 nullos attingam, qui repetitis altius, vel aliter ac
 decuit positis rerum initiis, cum in physicis mul-
 ta turbarunt, tum Mathematicos oppugnatione
 principiorum pessimè mulctarunt. Ex planis fi-
 guris corpora constituit Timæus: Geometrarum
 hic quidem principia cuniculis oppugnatur. Nā
 & superficies seu extremitates crassitudinē ha-
 bebunt, & lineæ latitudinem: denique pūcta nō
 erunt indinidua, sed linearum partes. Prædicāt
ā ij

P R Æ F A T I O.

εἰς τοὺς καλῶς αἱ ἀρχαί. μεγάλῳ δὲ ἔχουσιν ὅσον
 πρὸς ἐπιμύθεον. Nam principiis illa congrue-
 re debent, quæ sequuntur. Quòd si tantum perspi-
 citur in istis exilioribus Geometriæ initiis, quæ
 puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,
 ut ne hac quidem sine summo impendentis rui-
 na periculo connelli aut oppugnari possint: quan-
 ta quæso vis putanda est huius σοιχειώσεως, quā
 collatis tot præstantissimorum artificum inuen-
 tis, mira quadam ordinis solertia contextuit Eu-
 clides, vniuersæ Matheseως elementa complexu
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instrui-
 etior & paratior quisque ad hoc studiū libētius
 accedat, & singula vel minutissima exactius
 secum reputet atque perdiscat, operæ preciiū cēsui
 in primo institutionis aditu vestibuloque præci-
 pua quædam capita, quibus tota ferè Mathema-
 ticæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
 σοιχειώσῃ consiliū sedulò ac fideliter exponere.
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
 fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-
 genuū animi candorem ad legendum attulerit.
 Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.

Mathematicæ in primis scientiæ studiosos

P R Æ F A T I O.

fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor vniuersum distribuatur Mathematica sciētia genus, quarū duas ὁδὸν ἔ ποσὸν, reliquas ὁδὸν ἔ πηλίκου versari statuerunt. Nam ἔ ἔ ποσὸν vel sine vlla comparatione ipsum per se cognosci, vel certa quadā ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc versari Musicam: ἔ ἔ πηλίκου partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriæ propositum esse: quod verò sua sponte motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quòd in vtroque quanti genere cernitur, idcirco inanem videri (si quidem non solùm magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis accretio infinitè progredi potest) meminisse decet, ἔ πηλίκου ἔ ἔ ποσὸν, quæ subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscūque modi quantitatem significare, sed eam demū, quæ tūc multitudine tūc magnitudine sit definita, et suis circumscripta terminis. Quis enim vllā infiniti sciētia defendat? Hoc sciri est, quod non semel docet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidē complecti quenquā posse. Itaque ex infinita multitudinis ἔ magnitudinis δυνάμει, finitam hac

P R Æ F A T I O.

*Scientia decerpit & amplectitur naturam, quã
 tractet, & in qua versetur. Nã de vulgari Geo-
 metrarum consuetudine quid sentiendum sit, cũ
 data interdum magnitudine infinita aut fabri-
 cantur aliquid, aut proprias generis subiecti affe-
 ctiones exquirunt, disertè monet Aristoteles,
 & solẽ nuũ (de Mathematicis loquens) δλεοται τẽ
 & περĩ, & solẽ χεωται, & μακρόν εĩται & ολίγον & ού βẽ
 λωται, & τẽ & ού ποτε μέλιν. Quamobrem disputatio
 ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum
 decretis rationibusque non aduersatur, nec eorũ
 apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus il-
 lis nequaquã est, quod exitu nullo peragrari pos-
 sit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem;
 sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea
 ut suppetat, infinitam precipiunt. Quinetiã nõ
 non modò immensa magnitudine opus non ha-
 bent Mathematici, sed ne maxima quidem: cum
 instar maximæ minima quæque in partes totidẽ
 pari ratione diuidi queat. Alteram Mathema-
 ticæ diuisionem attulit Geminus, vir (quantum
 ex Proclo conuicere licet) μαθηματικῶν lande
 clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & ac-
 currator forte visa est, cum doctissimè pertra-
 ctarit sua in decimũ Euclidis præfatione P. Mõ-
 taurus vir senatorius, et regię bibliotheca præ-*

P R Æ F A T I O.

*fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν καὶ τῶν αἰ-
 σθητῶν, quæ res sub intelligentiâ cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit Geminus: quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatirci, Optica, Geodesia & Mechanica
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectas-
 se videtur Aristoteles, cum Astrologiam, Opti-
 cam, harmonicam Πυθινοτέγγος τῆς μαθηματικῆς
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis
 interiecta sint, ac velut ex vtriusq; mixta disci-
 plina: Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur causas. Verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, citaw δὲ τῶν, φη-
 σί, τὸ μὲν οὐκ, τῶν αἰσθητῶν ἐστὶν ἐλέγξι, καὶ διὰ διόλου, τῶν
 μαθηματικῶν. Sequitur, vt quid Mathematicæ
 conueniat cum Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostēdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt posita, ob idque θεωρη-
 ταῖα à Grecis dicuntur. Nam cum διανοία sine
 ratio & mens omnis sit vel πρᾶξις, vel πο-
 λησις, vel θεωρησις, totidem scientiarū sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-*

P R Æ F A T I O.

ficiendo sunt occupata, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem ne scilicet, harum autem vel mens, vel ars, vel vis quædam & facultas: rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, nò in philosophis inclusa latent. Atque hæc una in omnes valet ratio, quæ diuulgandis esse colligat. Iam verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd utraque versatur in cognitione formarum corpori naturali inhaerentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudines & puncta cõtemplatur, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à cõcretionem materie sunt liberae. Nã tamen si Mathematicæ formæ re veræ per se non cohærent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, ἐστὶν ὑπερταύτην & χωρὶς ὅντων, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iã quid intersit, videamus. Vnaqueque mathematicarum

P R Æ F A T I O.

certum quoddam rerum genus propositū habet, in quo versetur, ut Geometria quātitatem & continuationem aliorum in vnam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem philosophia, cum sit omnium cōmunis, vniuersum Entis genus, quæque ei accidunt & conueniunt. hoc ipso quod est, considerat. Ad hæc, Mathematica eam modo naturam amplectitur, quæ quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ē & Πανεπιστέως dici cōsuevit. Sed Prima philosophia in iis versatur, quæ & seiuncta, & æterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Cæterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, vnde dissimilitudo quoque scientiarū sequitur. Etenim mathematica species nihil re vera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem confectatur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensæ sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quæcun-

P R Æ F A T I O .

que in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem etiam in naturalibus rebus videatur accidere, non autē vicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incōmoda, quæ nihil ad Mathematicum attinent, Διὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἐξ ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσόδου. Siquidem res cū materia deinceps contemplatur physicus: Mathematicus verò rem cognoscit circumscripiis iis omnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, levitate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, aliisque contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continuum. Itaque Mathematicorū ars in iis quæ immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνυκινήσεως ὄντι, ἔξω τῶν δὲ τῶν ἀσπολογίαν) quæ verò in naturæ obscuritate posita est, res quidem quæ nec separari nec motu vacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates earum demonstrates. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, æquale, rotundum, vniuersa denique Mathematicus quæ tractat & profitetur, absque motu explicari docerique possunt: χωρὶς δὲ τῆ νοήσεως ὄντι: Physicæ

P R Æ F A T I O.

*autem sine motione species nequaquam possunt
 intelligi. Quis enim, hominis, plātæ, ignis, ossiū,
 carnis naturā & proprietates sine motu qui ma-
 teriam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper
 substantia quæque naturalis constare dici solet,
 quoad opus & munus suum, agēdo patiendōque
 tueri ac sustinere valeat: qua certè amissa diuol-
 ut, ne nomen quidem nisi ὀνομαστικός retinet. Sed
 Mathematico ad explicandas circuli aut trian-
 guli proprietates, nullū adferre potest vsus, ma-
 teriæ ut auri, ligni, ferri, in qua insunt, cōsidera-
 tio: quin eò verius eiusmodi rerū, quarum species
 tanquā materia vacantes efformemus animo, na-
 turam complectemur, quòd coniunctione mate-
 riæ quasi adulterari deprauarique videntur.*
*Quocirca Mathematicæ species eodem modo quo
 νοιδόν, sine concavitas, sine motu & subiecto
 definitione explicari cognoscique possunt: natu-
 rales verò cum eam vim habeant, quā, ut ita di-
 cam, simitas, cum materia comprehensæ sunt,
 nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus
 exemplis quid inter Physicas & Mathematicas
 species intersit, hand difficile est animaduerte-
 re. Illis certè non semel est vsus Aristoteles. Va-
 leant ergo Protagoræ sophismata, Geometras hoc
 nomine refellentis, quòd circulus normam pun-*

P R Æ F A T I O .

Eto non attingat. Nam diuina Geometrarū thes-
 remata qui sensu æstimabit, vix quicquam re-
 periet quod Geometra concedendum videatur.
 Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectū
 aut rotundum dici potest, vt à Geometra ponitur?
 Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-
 neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis
 assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne
 latitudinis quidem expertes. Siquidē nō iis vti-
 tur geometra quasi inde vim habeat conclusio,
 sed eorum quæ discenti intelligenda relinquun-
 tur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-
 mū instituantur, hi ductu quodam & velue
 ἀδεγῶν ἔργῳ sensum opus habet, vt ad illa quæ
 sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-
 parare queant. Sed tamen existimandum nō est
 rebus Mathematicis omnino negari materiā, ac
 nō eā tantum quæ sensum afficit. Est enim ma-
 teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo
 & ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-
 τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, vt æs,
 vt lignū, omnisque materia quæ moueri potest.
 Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-
 silibus inest, sed nō quatenus sensu percipiuntur,
 quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-
 stotele scriptum legimus ἡ δὲ τῆς αἰσθητοῦ ἐν

P R Æ F A T I O.

ὅτι τὸ πρῶτον ῥηθὲν ὅτι ἔστιν ὡς ἂν
 ὅτι: quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-
 rum est, suam esse materiam, nō minus quā si-
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-
 thematicæ sensili vacent materia, non sunt ta-
 men individua, sed propter cōtinationem par-
 titiōni semper obnoxia, cuius ratione dici possūt
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-
 tur ἄλλο τι, ἄλλο τι, aliud quoad cōtinationi
 adiūcta intelligitur linea. Illud enim ceu forma
 in materia, proprietatum causa est, quas sine ma-
 teria percipere nō licet. Hæc est societas & dis-
 sidij Mathematicæ cum Physicæ & prima Phi-
 losophia ratio. Nunc autem de nominis etymo-
 & notatione pauca quedam asseramus. Nam si
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-
 mina, ea certè non temere indita fuisse credendū
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim
 Aristoteles ducto ex verborum ratione argumē-
 to, ἀπὸ τῶν ὀνομάτων, μεταβολῆς, αἰτίας, ἀποδείξεως, aliarumque rer-
 um naturam ex parte confirmavit. Quoniam
 igitur Pythagoras Mathematicam scientiam nō
 modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite
 principis,

PRÆFATIO.

principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplinæ formam composuit, & perspicetis absque materia, solius intelligentiæ adminiculo theorematibus, tractationem τοῦ τῆ ἀλόγου, & κοσµικῶν χηµικῶν constitutionem excogitavit: credibile est, Pythagorā, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic sciētiae id nomē dedisse, quoddum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerūque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cum existimarēt illi omnē disciplinā, quæ μαθησις dicitur, ἀνάμνησις esse quandam, id est recordationem & repetitionē eius sciētiae, cuius antequam in corpus immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menone, Phaedone, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animaduverterent autem eiusmodi recordationem, quæ non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ὅτι τὰ διαγῶν μαθητὰ ἀγῶν: probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes κατ' ἐξοχὴν fuisse nominatas, ut ex quibus μαθησις, id est æternarum in anima rationum recordatio διαφερόντως & præcipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menone Socratem in-

P R Æ F A T I O.

duxit hoc argumenti genere persuadere cupien-
 tem discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius
 rationum animũ recordari. Etenim Socrates pu-
 sionem quendam, vt Tullij verbis vtar, interro-
 gat de geometrica dimẽsione quadrati : ad ea sic
 ille respondet vt puer, & tamen tam faciles in-
 terrogationes sunt, vt gradatim respondens, eo-
 dem perueniat, quò si geometrica didicisset. A-
 liam nominis huius rationem Anatolius expo-
 suit, vt est apud Rhodiginum, quòd cùm ceteræ
 disciplinæ deprehendi vel non docente aliquo
 possint omnes, Mathematica sub nullius cogni-
 tionem veniant, nisi præeunte aliquo, cuius soler-
 tia succidantur vepræta, vel exurantur, & su-
 perciliofa complanentur aspreta. Ita enim Cæ-
 lius : quod quam vim habeat, non est huius loci
 curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Ma-
 thematicos in magna rerum obscuritate, recon-
 dita arte, multiplicique ac subtili versari scri-
 bit. sed quis nescit id ipsum cū aliis grauioribus
 scientiis, esse cõmune? Est enim, vel eodem auto-
 re Tullio, omnis cognitio multis obstructa diffi-
 cultatibus, maximaque est & in ipsis rebus ob-
 scuritas, & in iudiciis nostris infirmitas: nec vl-
 lus est, modò interius paulò Physica penetrarit,
 qui nõ facile sit expertus, quàm multi vndique

PRÆFATIO.

emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expēdendum fuerit. Quocirca primam Verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Hactenus de vniuerso Mathematicæ genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea disse-ram, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionū, quæ in illis cernuntur ac in-herent: ipsa quidē progrediens à puncto indiui-duo per lineas & superficies, dum ad solida con-scendat, variâsque ipsorum differentias patefa-ciat. Quinque omnis sciētia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis conti-neatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & contēplatur: causis & prin-cipis, ex quibus primis demonstrationes confi-ciuntur: & proprietatibus, quæ de genere subie-cto per se enunciantur: Geometriæ quidem sub-iectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circ-
ē ij

P R Æ F A T I O.

lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus cōsistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, equalitates, $\pi\alpha\rho\epsilon\beta\omicron\lambda\omicron\upsilon$, $\upsilon\pi\omicron\rho\beta\omicron\lambda\omicron\upsilon$, $\epsilon\mu\epsilon\iota\tau\epsilon\varsigma$, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia. Postulata verò & Axiomata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quo-uis centro & interuallo circulum describere. Si ab equalibus equalia detrahas, quæ relinquuntur esse equalia, ceteraque id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua Videatur Arithmetica et Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit æquibetior et exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accuratorem esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ rem esse tantum declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremo quæ ex simplicioribus initiis con-

P R Æ F A T I O.

stat, quàm quæ aliqua adiectione cõpositis vti-
tur. Atque hac quidem ratione Geometriæ præ-
stat Arithmetica, quòd illius initium ex addi-
tione dicatur, huius sit simplicius. Est enim pun-
ctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm
obtinet: unitas verò punctum est quod situ va-
cat. Ex quo percipitur, numerorũ quàm magnitu-
dinum simplicius esse elementum, numerosque
magnitudinibus esse puriores, & à concretionem
materiæ magis disiunctos. Hæc quanquam nemi-
ni sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria
quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum
vbertate multiplici vel cum Arithmetica cer-
tet: id quod tute facile deprehendas cùm ad infi-
nitam magnitudinis diuisionem, quam respuit
multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit
Arithmetica & Geometriæ societas, videamus.
Nam theorematum quæ demonstratione illustrã-
tur, quædam sunt vtriusque sciẽtiæ communia,
quædam verò singularum propria. Etenim quòd
omnis proportio sit eũdes siue rationalis, Arith-
metica soli conuenit, nequaquam Geometriæ, in
qua sunt etiam æγγῆτοι, seu irrationales propor-
tiones: item, quadratorum γνῶμονας minimo
definitos esse, Arithmetica proprium (si quidem
in Geometria nihil tale minimum esse potest)

P R Æ F A T I O.

sed ad Geometriam propriè spectât situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuïs admittuntur: ἄλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam & ἄλογον esse solet. Communia porrò vtriusque sunt illa, quæ ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quòd sectio per extremâ & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam Verò ex theorematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmetica traducuntur: alia contrà ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quædam Verò perinde vtrique scientiæ conueniunt, ut quæ ex vniuersâ arte Mathematica in vtrâque harum conueniant. Nam & alterna ratio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo communia sunt vtriusque. Quæ autem sunt τὸ δὲ συµµέτρον, id est de-commensurabilib⁹, Arithmetica quidē primū cognoscit et contēplatur: secūdo loco Geometria Arithmetica imitata. Quare & cōmensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationē inter se habent quā numerus ad numerū, perinde quasi cōmensuratio & συµμετρία in numeris primū cōsistat (Vbi enim numerus, ibi & σύµμετρον cernitur: & ubi σύµμετρον illic etiam numerus) sed quæ

P R Æ F A T I O.

triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometra primum considerantur: tùm analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris cõteplatur. De Geometriæ diuisione hoc adiiciendum puto, quòd Geometriæ pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera verò solidas contemplatur, quæ ad duplex illud interuallũ crassitudinem adsciscunt. Illam generali Geometriæ nomine veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro cõparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis antecessit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem ætate vllam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometriæ vtilitatẽ accedo, quæ quanquam suapte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius vsus aut actionis ministerio mæcipata (vt de Mathematicis omnibus sciẽtiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen vtilitatis externæ queritur, Dij boni quàm letos, quàm vberes, quàm varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarũ alius, qui Mathematicorũ artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videatur, cuiusque quod melius aut deterius nullam habeat

P R Æ F A T I O.

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit melius, trianguli, verbi gratia, tres angulos duobus esse rectis æquales: minimè tamen fuerit consentaneum, Geometriæ cognitionem Vt inutile exagitare, criminari, explodere, quasi quæ finè & bonũ quò referatur, habeat nullũ. Multas haud dubie solius contemplationis beneficio citra materiæ contagionem adfert Geometria cõmoditates partim proprias, partim cum vniuerso genere communes. Cũ enim Geometria, Vt scripsit Plato, eius quod semper est cognitionem profiteatur, ad veritatem excitabit illa quidem animũ, & ad ritè philosophandum cuiusque mentem comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes facilius perdiscendas, attigeris necne Geometriam, quanti referre censes? Nam Vbi cum materiâ cõiungitur, nõne præstantissimas procreat artes, Geodæsiã, Mechanicam, Opticã, quarũ omnium Vsu, mortaliũ vitam summis beneficiis completitur? Etenim bellica instrumenta, Vrbiũque propugnacula, quibus munitæ Vrbes, hostium vim propulsarẽt, his adiutricibus fabricata est: montium ambitus & altitudines, locorũq; situs nobis indicauit: dimetiendorum & mari & terra itinerum rationẽ præscripsit: trútinas & stateras, quibus exacta numerorum æqualitas in ciuitate retineatur, cõposuit: vniuersi ordinem si-

PRÆFATIO.

mulachris expressit: multaque quæ hominum fidem superaret, omnibus persuasit. Vbiq̃ue extat præclara in eâ rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nã extructo vastæ molis navigio, quod Hiero AEgyptiorum regi Ptolemæo mitteret, cum vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus navem trahere nō posset, effecissetque Archimedes ut solus Hiero illā subduceret, admiratus viri scientiam rex, ἀρχιμήδης, ἐφηνε, ὅτι ἡμεῖς, ὅδοι μὴ εἶναι ἄρχιμήδης λέγοντι πισυτέροι. Quid? quod Archimedes idem, ut est apud Plutarchū, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moveri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactavit, si terram haberet alteram ubi pedē fixeret, ad eam, nostrā hanc se transmovere posset? Quid varia αὐτομαχίαν μηχανarūque genera, ad usus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profectò sunt illa, et admiratione dignissima, quibus prisca homines incredibili quodam ad philosophandum studio cōcitati, inopem mortalium vitā artis huius præsidio sublevarunt: tamen si memoria sit proditum, Platonem Eudoxo & Archytæ vitio vertisse, quod Geometrica problemata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometriæ præstantiam, quæ ab intelli-

P R Æ F A T I O.

bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corpo-
 reas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scrip-
 sit Plato Geometrarū esse vocabula, quæ quasi ad
 opus & actionem spectent, ita sonare videntur.
 Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid
 addere, producere, applicare? Multa quidē sunt
 eiusmodi nomina, quibus necessariō & tanquā
 coacti geometræ utuntur, quippe cū alia desint
 in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato,
 sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geo-
 metriam ipsam cognitionis gratia exercondam,
 nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerum vōtū
 intelligentia estimandā esse. Exposita breuiter quā
 res tāta dici possit, utilitatis ratione, Geometriæ
 ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum
 monumentis nobis est cognitus, deinceps aperia-
 mus. Geometria apud Aegyptios inuenta, (ne ab
 Adamo, Setho, Noah, quos cognitione rerū mul-
 tiplici valuisse constat, eam repetamus) ex ter-
 rarum dimensione, ut verbi præ se fert ratio, or-
 tum habuisse dicitur: cū anniversaria Nili in-
 undatione & incrementis limo obducti agrorum
 termini confunderetur. Geometriam enim, sicut
 & reliquas disciplinas, in vsu quā in arte prius
 fuisse aiunt. Quod sanè mirum videri non de-
 bet, ut & huius & aliarum scientiarum inuen-
 tio ab vsu coeperit ac necessitate. Etenim tempus,

P R Æ F A T I O.

rerum usus, ipsa necessitas ingenium excitat,
 & ignaviam acuit. Deinde quicquid ortum ha-
 buit (ut tradunt Physici) ab inchoato & imper-
 fecto processit ad perfectum. Sic artium & scien-
 tiarum principia experientiae beneficio collecta
 sunt: experientia vero à memoria fluxit, quae &
 ipsa à sensu primum manavit. Nam quod scri-
 bit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis
 rebus omnibus ad vitam necessariis, in Aegy-
 to fuisse constitutas, quod ibi sacerdotes omnium
 concessu in otio degerent: non negat ille adductos
 necessitate homines ad excogitandam, verbi gra-
 tia, terrae dimetiendae rationem, quae theorematum
 deinde investigationi causam dederit: sed hoc
 confirmat, praeclara eiusmodi theorematum in-
 venta, quibus extructa Geometriae disciplina cō-
 stat, ad usus vitae necessarios ab illis non esse ex-
 petita. Itaque vetus ipsum Geometriae nomen ab
 illa terrae partiunde finiumque regundorum ra-
 tione postea recessit, & in certa quadam affectio-
 num magnitudini per se inhaerentium scientia
 propriè remansit. Quæadmodum igitur in mercium
 & contractuum gratiâ, supputandi ratio, quam
 secuta est accurata numerorum cognitio, à Phœ-
 nicibus initium duxit: ita etiam apud Aegy-
 ptios, ex ea quam commemoravi causa ortum ha-
 buit Geometria. Hanc certè, ut id obiter dicam,

P R Æ F A T I O.

Thales in Graciã ex Aegypto primũ transtu-
lit: cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippo-
crate Chio, Platone, Archyta Tarẽtino, aliisque
compluribus, ad Euclidis tempora facta sunt re-
rum magnarum accessiones. Ceterũ de Eucli-
dis etate id solum addam, quod à Proclo memo-
ria mandatum accepimus. Is enim commemora-
tis aliquot Platonis cum equalibus tum discipu-
lis, subiicit, nõ multò etate posteriorem illis fuisse
Euclidem eum, qui Elementa conscripsit, & mul-
ta ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum cõ-
posuit, multaque à Theæteto inchoata perfecit,
quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad
firmissimas & certissimas apodaxes reuocauit.
Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo.
Etenim ferũt Euclidẽ à Ptolemæo quoddã interro-
gatum, nunqua esset via ad Geometriam magis
cõpendaria, quàm sit ista σοιχεῖωσις, respõdisse,
μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀλλὰ πόρην εἰς γέωμετρίαν. Dein
de subiungit, Euclidẽ natũ quidẽ esse minore Plä-
tone, maiorem verò Eratosthene & Archimede
(hi enim æquales erāt) cum Archimedes Eucli-
dis mentionẽ faciat. Quòd si quis egregiã Eucli-
dis laudẽ, quã cum ex aliis scriptionibus accura-
tissimis, tum ex hac Geometrica σοιχεῖωσὶ con-
sequutus est, in qua diuinus rerũ ordo sapientissi-
mis quibusq; hominibus magnæ semper admira

P R Æ F A T I O.

tioni fuit, is Proclum studiosè legat, quò rei Veritate illustriorè reddat gravissimè testis autoritas. Supereſt igitur ut finè videamus, quò Euclidis elementa referri, & cuius causa in id studiũ incumbere oporteat. Et quidẽ si res quæ tractatur, consideres: in tota hac tractatione nihil aliud quæri dixeris, quàm ut κοσμητὰ quæ vocantur, σχήματα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonius) Cubus, Icosaëdrũ, Octaëdrũ, Pyramis & Dædæcaëdrum certa quadã suorum & inter se laterũ, & ad sphaerae diametrũ ratione eidẽ sphaerae inscripta cõprehẽdatur. Huc enim pertinet Epigrāmation illud vetus, quod in Geometrica Michaëlis Pselli σωότῃ scriptum legitur.

Σχήματα πέντε γλῶσσον, ἃ γυνδαγόρεος σοφὸς ὄρε,

γυνδαγόρεος σοφὸς ὄρε, γλῶσσον δ' ἀρίδην ἔδιδδαξεν,

Εὐκλείδης ὡς τοῖσι κλέει τοδικαλλὲς ἔτιδωκεν.

Quòd si discentis institutionem spectes, illud certè fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discentis animus, ad quamlibet non modò Geometriæ, sed & aliarũ Mathematicæ partium tractationẽ idoneus paratũsque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-

P R Æ F A T I O.

cludere posse: inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit *Arithmeticus*, pleraque *Musicus*, non pauca detrahit *Astrologus*, *Opticus*, *Logisticus*, *Mechanicus*, itemque ceteri: nec ullus est denique artifex præclarus, qui in huius se possessionis societatem cupidè non offerat, partemque sibi concedi postulet. Hinc σοιχεύων's absolutum operi nomen, & σοιχεύων's dictus *Euclides*. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiosè & eruditè scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco *P. Mötau* reus, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quæ verò ad dicendum nobis erant proposita, hæctenus præ ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tametsi & hæc eadē & alia pleraque multo fortè præclariora ab hominibus doctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit num quid etiam nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac philosophiæ parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elemētōrū editio, in qua mihi nō parum fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare videbatur, quod eius cōmēdationē adaugeret. Cū enim *Vir doctissimus Io. Magnienus Mathematicarū artium in hac Parrhi-*

P R Æ F A T I O .

*siorū Academia professor Verē regius, nostrum
 hunc typographum in excudēdis Mathematico-
 rum libris diligentissimū, ad hanc Elemētorum
 editionem sēpe & multum esset adhortatus, e-
 iusque impulsu permulta sibi iam cōparasset ty-
 pographus ad hanc rē necessaria, citō interuenit,
 malū, Ioannis Magnieni mors insperata, quā
 tā graue inflixit Academia vulnus, cui ne post
 multos quidē annorum circuitus cicatrix obduci
 vlla posse videatur. Quāobrem amisso instituti
 huius operis duce, typographus, qui nec sumptus
 antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id
 muneris erat pollicitus, sua spe cadere vellet, ad
 me venit, & impensē rogauit vt meā proposita
 editioni operā & studium nauarē. quod cum de-
 negaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: fe-
 ci equidē rogatus, vt quæ subobscurē vel parum
 cōmodē in sermonem latinū ē græco translata vi-
 debātur, clariore, aptiore & fideliore interpreta-
 tione nostra (quod cuiusque pace dictū volo) lu-
 cem acciperent. Id quod in omnibus ferē libris po-
 steriōribus tute primo obtutu perspicias. Nam
 in sex prioribus non tantum tēporis quantum in
 ceteris ponere nobis licuit: decimi autē interpre-
 tatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Mōta-
 reo solida debetur. Atq; vt ad perspicuitatem fa-
 cilitatēque nihil tibi deesse queraris, adscriptæ*

P R Æ F A T I O.

sunt propositionibus singulis vel lineares figurae, vel punctorum tanquam unitatum notulae, quae Theonis apodixin illustrēt: illae quidem magnitudinum, hae autem numerorum indices, subscriptis etiam ciphRARUM, ut vocāt, characteribus, qui propositum quemvis numerū exprimant: ob eamque causam eiusmodi unitatum notulae, quae pro numeri amplitudine maius paginae spatium occuparent, pauciores saepius depictae sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarum, ut a, b, c, characteres non modò numeris & numerorum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiam generales esse numerorum ut magnitudinum affectiones testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis non poenitēda Theonis scholia, siue maius lemmata, quae quidem longè plura accessissent, si plus otij & temporis vacui nobis fuisset relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc igitur operam boni consule, & quae obuia erunt impressionis vitia, candidus emēda. Vale. Lutetiae 4. Idus April. 1557.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM PRIMVM.

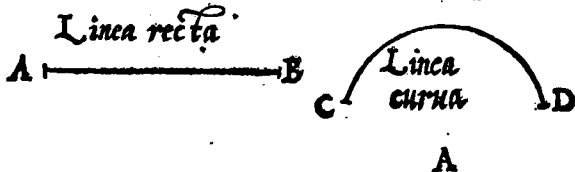
ΟΡΟΙ.

^α
Σ ΗΜΕΙΟΝ ὅστις μέρει ἐν δέῃ.
DEFINITIONES.

¹
Punctum est, cuius pars Punctum
nulla est. •

^β
Γραμμή δὲ μήκος ἀπλῆτος.

²
Linea verò, longitudo latitudinis expers.



^γ
γραμμῆς ὅ πέρατα, σημεῖα.

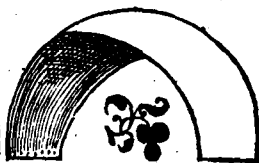
³
Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ
Εὐθεῖα γραμμὴ ὅτιν ἥ τις ἐξ ἑοῦ ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς ση-
μεῖοις κεῖται.

⁴
Recta linea, est quæ ex æquo sua interia-
cet puncta.

^ε
Επιφανεία, ὅτιν ἥ τις ἐξ ἑοῦ ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς ση-
μεῖοις κεῖται.

⁵
Superficies est quæ longitudinem latitu-
dinemque tantum habet.



⁵
Επιφανείας ὅ πέρατα, γραμμαι.

⁶
Superfici ei extrema, sunt lineæ.

⁷
Επίπεδιον αὐτοφανεία, ὅτιν ἥ τις ἐξ ἑοῦ ταῖς ἐφ'
ἑαυτῆς διδραμῶν κεῖται.

7

Plana superficies, est quæ ex æquo suas
interiacet lineas.

H

Ἐπίπεδος ὁ γωνία ὅστις, ἢ ἐν ἐπιπέδῳ, δύο γραμ-
μῶν ἀπτομένων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' ὀρθείας καὶ μέ-
γας, πρὸς ἀλλήλους τῶν γραμμῶν κλίσις.



8



Planus angulus
est duarum li-
nearum in pla-
no se mutuo tā-
gentium, & nō
in directum ia-

cetium, alterius ad alteram inclinatio.

θ

Ὅταν ὁ αἱ πρὸς ἑκατέρῳ γωνίᾳ γραμμαὶ, δι-
δείκται ὡς, δι' αὐτὰς γραμμὰς καλεῖται ἡ γωνία.

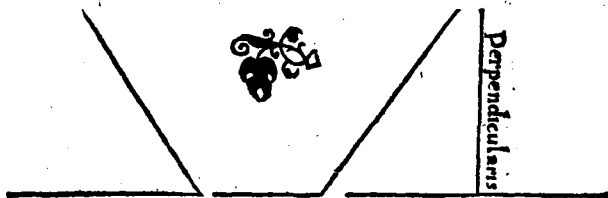
9

Cū autem quæ angulum continent li-
neæ, rectæ fuerint, rectilineus ille angu-
lus appellatur.

ὅταν ἡ ἀθέτεια ἐπ' ἀθέτῃσαν σταθεῖται, τὰς ἐφεξῆς
γωνίας ἴσας ἀλλήλους ποιῇ, ὅρθῃ δὲ ἐκαστέρῃ τῇ
ἴσῳ γωνίῳ: καὶ ἡ ἐφεσηκῆσα ἀθέτεια καὶ διττὴ
καλεῖται ἐφ' ὡς ἐφέςηκεν.

IO

Cùm verò recta linea super rectam con-
sistens lineam, eos qui sunt deinceps an-
gulos æquales inter se fecerit: rectus est
vterque æqualiū angulorum: & quæ insi-
stet recta linea, perpendicularis vocatur
eius cui insistit.



IOA

Ἀμβλεῖα, γωνία ὅρθῃ, ἢ μείζων ὅρθῃς.

II

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

IB

ὀξεῖα ἢ ἐλάσσων ὅρθῃς.

12

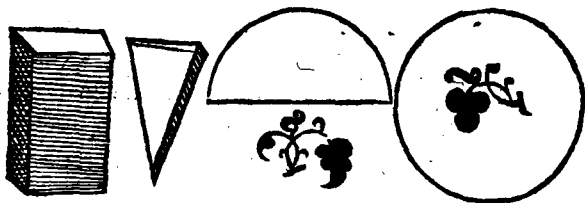
Acutus verò, qui minor est recto.

17

ὅρθῃ δὲ ἐκαστέρῃ τῇ πείρῃ.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.



101

Σχήμα ἐστὶ, ὃ ὑπὸ ἑνὸς, ἢ ἑνῶν ὁρίων περιεχόμενον.

14

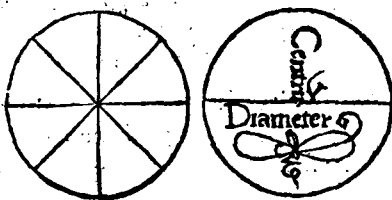
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

15

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον, ὡς ὁμῶς γεγραμῆς περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ᾧ, ἀφ' ἐνὸς σημείου τῷ ἐν ᾧ τὸ σχῆμα περιμένον, πᾶσι αἱ περιεπίπτεται θύονται, ἴσας ἀλλήλαις εἶσι.

15

Circulus, est figura plana sub vna linea comprehensa, quæ pe-



A iij

ripheria appellatur: ad quam ab vno pū-
cto eorum, quæ intra figuram sunt posi-
ta, cadentes omnes rectæ linæ inter se
sunt æquales.

15
Κέντρον ὃ τὸ κύκλῳ, σὺ σημείον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli ap-
pellatur. †

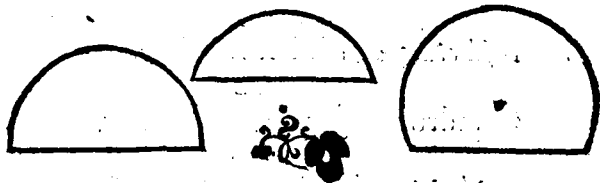
Διαμέσθ' ὃ ἥ κύκλος ὄψιν, διθείῃαι τις διὰ ἥ κέν
 ῥα ὑγμένη, καὶ ποδρατμεμένη ἐφ' ἐκώτεραι τὰ μέ-
 ρη ἅπαρ ἥ κύκλος ποδωφρείας, ἥ τις καὶ δίχα
 τέμνη τὸν κύκλον.

17

Diameter autem circuli, est recta quædam linea per centrum ducta, & ex vtraque parte in circuli peripheriam terminata, quæ circulum bifariam secat.

^{III}
 Η' μικύκλις ὅτι, ὃ πῶλε χόμινον χῆμα ὑπὸτε
 αἰ. Δι. μέ. 38, εἰ αἰ. ἀ. λα. μ. β. α. νο. μέ. 38, αἰ. αἰ. αἰ.
 κύκλ. πῶλε φ. ο. ρ. εἰ. α. ς.

18
Semicirculus est figura, quæ continetur
sub diametro, & sub ea linea, quæ de cir-
culi peripheria aufertur.



18

τμήμα κύκλου ὅστις ἐκ τοῦ περιμέτρου ὑπὸ τε διθείας,
ἢ κύκλου περιφέρειας.

19

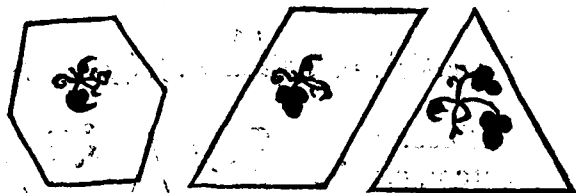
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-
cta linea & circuli peripheria cōtinetur.

κ

Εὐθύγραμμα σχήματα ὅστις, τὰ ἐκ τῶν ἀθροῦν
περιμέτρων.

20

Rectilineæ figuræ, sunt quæ sub rectis li-
neis continentur.



κα

Τρίκωνα ἢ, τὰ ἐκ τῶν τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

A. iij

κβ.

Τετράπλευρα ὅ, τὰ ἑξά τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

κγ

Πολύπλευρα ὅ, τὰ ἑξά πλείονων ἢ τεσσάρων
ὁρίσθων περιεχόμενα.

23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κδ

Τῶν ὅ τριπλῶν ὁμοῦ, ἰσοπλευρὰ ἢ ἰ-
γωνόνα ὄντι, ὅ ἑξὶς ἴσας ἔχον πλευράς.

24

Tri laterarum porrò figu-
rarum, æquilaterum est
triangulum, quod tria la-
tera habet equalia.

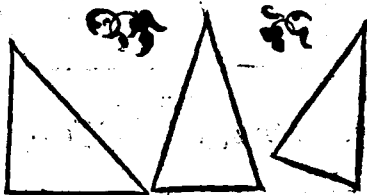


κε

Ἰσοσκελές ὅ, ὅ τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

25

Isoceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



κς

Σκαλιωδὴν ὅ,τι τὰς ἑξῆς ἀνίσταται ἔχον πλῆρως.

26

Scalenū
verò, est
quod tria
inæqualia
habet la-
tera.



κξ

Ἐν τῇ ῥηπλῶδων σχημάτων, ὁρθογώνιον ἢ ῥι-
γωνόμδτι, ὅ,τι ἔχον ὁρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectā-
gulum quidē triangulū est, quod rectū
angulum habet. κη

Ἀμβλυγώνιον ὅ,τι ἔχον ἀμβλείαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum
angulum habet. κθ

Ὄξυγώνιον ὅ,τι ἔχεις ὀξείας ἔχον γωνίας.

29

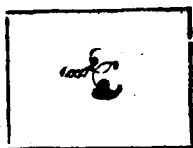
Oxygonium verò, quod tres habet acu-
tos angulos. λ

τῶν ὅ,τι τῶν πλῶδων σχημάτων, τετραγώνον μὲν
ἔστι, ὁ ἰσόπλευρόν τε ἔστι, καὶ ὁρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarū, qua-

dratū qui-
dem est,
quod & e-
quilaterū
& rectan-
gulum est.



λα

Ἐτδρόμηνες ὃ ὁρθογώνιον ἔχον ἰσόπλευρον διέ.

31

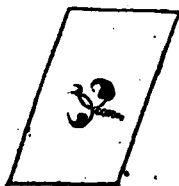
Altera parte lōgior figura est, quę rectā-
gula quidem, at æquilatera non est,

λβ

ῥόμβος ὃ, ὃ ἰσόπλευρον ἔχον, ὁρθογώνιον διέ.

32

Rhombus
autē, quę
æquilate-
ra, sed re-
ctangula
non est,



λγ

ῥομβοειδές ὃ, ὃ ταῖς ἀπεναντίον πλευραῖς τε εἰ-
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὅτε ἰσόπλευρόν ἐστιν,
ἔτε ὁρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quę aduersa & latera
& angulos habens inter se æquales, ne-

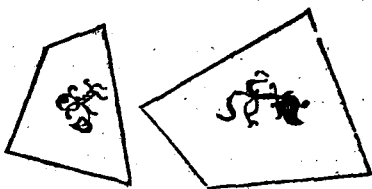
que equilatera est, neque rectangula.

λ δ

Τὰ ὃ παρὰ πῶτα τετράπλευρα, τραπέζια κα-
λεῖσθω.

34

Præter has
autem, re-
liquæ qua-
drilateræ
figuræ, tra-
pezia ap-
pellentur.



λ ε

Γαράλληλοι ἔστιν εἰθεῖαι, αἵτινες ἐν ἑφ' αὐτῶ
ὑπὸ πένδρ' ἔχου, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἀπείρου, ἐφ'
ἐκάτερα τὰ μέρη, ὑπὸ μηδετέρας συμπίπτουσιν
ἀλλήλαις.

35

Parallele, rectæ lineæ
sunt quæ, cū in eodem
sint plano, & ex vtraque
parte in infinitum producantur, in neu-
tram sibi mutuò incidunt.

Αἰτήματα.

α

Ἡ' πρῶτω, ἀπὸ παντὸς σημείου ὑπὸ πᾶν σημείον εἰ-
θεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Postulata.

I

Postuletur, ut à quouis puncto in quoduis punctum, rectam lineam ducere concedatur.

β

καὶ περὶ αὐτὸν κέντρον καὶ ἐν αὐτῇ εὐθείᾳ, κατὰ τὴν συνεχῆς ἐπ' ἀείρας ἐκβάλλειν.

2

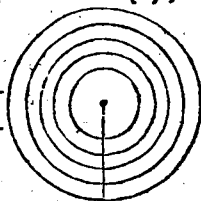
Et rectam lineam terminatam in contumum rectà producere.

γ

καὶ παντὶ κέντρῳ, ἐν ἀσκήματι κύκλον γράφειν.

3

Item quouis cētro & interuallo circulum describere.



Κοινὰ ἔννοια.

α

τὰ ὅσα αὐτῷ ἴσα, καὶ ἀλλήλοις ὅσιν ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidem æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσιν πρὸς ἐνὸς, τὰ ὅλα ὅσιν ἴσα.

2

Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσῃ ἀφαιρεθῇ, τὰ καταλείπο-
μένα ἔσιν ἴσα.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquantur sunt æqualia.

δ

καὶ ἐὰν ἀνίσοις ἴσῃ προσεθῇ, τὰ ὅλα ἔσιν ἴσα.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσῃ ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἔσιν ἴσα.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

5

Καὶ τὰ ἑαυτῶν διπλασία, ἴσῃ ἀλλήλοις ἔσιν.

6

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

ζ

Καὶ τὰ ἑαυτῶν ἡμίση, ἴσῃ ἀλλήλοις ἔσιν.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se equalia sunt.

η.

Καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἄλληλα, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

καὶ τ' ὅλον τ' μέρος μείζον ὄντι.

9

Totum est sua parte maius.

ι.

καὶ πᾶσι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

1α

Καὶ ἐάν τις δύο διθείας ὀρθεῖα ἐμπιπῇ, τὰς εἰσὶν καὶ ἐντὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, ἐκβαλλόμενα αἱ δύο αὐταὶ διθείαι ἐπ' ἄπειρον, συμπεσῶνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

11

Et si in duas factas lineas altera recta incidēs, inter nos ad easdémque partes an

gulos duobus rectis minores faciat, dux
ille rectæ lineæ in infinitum productæ si-
bi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt
anguli duobus rectis minores.

ιβ

καὶ δύο ἐν θύραι, χωρίον ἐπὶ ὁδὸν ἔχουσιν.

12

Dux rectæ lineæ spatium non compre-
hendunt.

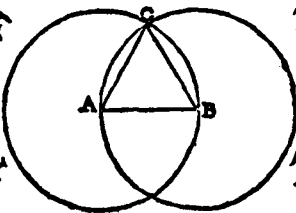
Προτάσις.

α

Ἐπὶ τῇ διοδείῳ διθείας πεπερασμένης, τρίγωνον ἰσοπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super da-
ta recta li-
nea termi-
nata, trian-
gulum æ-
quilate-
rum constituere.



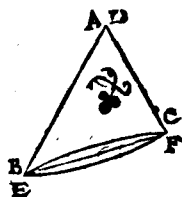
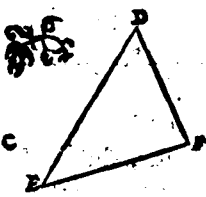
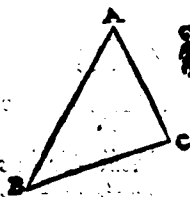
β

πρὸς τῇ διοδείῳ σημείῳ, τῇ διοδείῳ διθείᾳ ἴσῳ ἐν θύραι ἵεσθαι.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, datæ rectæ li-

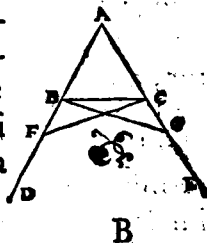
lem sub æqualibus rectis lineis contentū:
& basin basi æqualē habebūt, eritq; trian-
gulum triangulo æquale, ac reliqui angu-
li reliquis angulis æquales erunt, vterque
vtrique, sub quibus æqualia latera sub-
tenduntur.



Ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γω-
νίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ προσεκτελεισῶν
τῶν ἴσων ὀρθειῶν, αἱ ὑπὸ τῶν βασίγων γωνίαι ἴσαι
ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

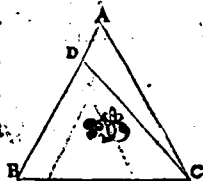
Isoſcelium triangulorū qui ad basin sunt
anguli, inter ſe ſunt æ-
quales: & ſi vltorius pro-
ductæ ſint æquales illæ
rectæ lineæ, qui ſub baſi
ſunt anguli, inter ſe æqua-
les erunt.



Εάν ξιγώναι ⁵ αὐ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ὦσι, καὶ αὐτὴ ἀπὸ τῆς ἴσας γωνίας ἀποτείνεσθαι πλῆρῃ, ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 3. Propositio 6.

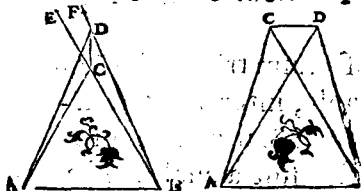
Si triaguli duo anguli æ-
quales inter se fuerint:
& sub æqualibus angulis
subtensa latera æqualia
inter se erunt.



Ξ
Επὶ αὐτῇ διθείας, διυσι ταῖς αὐταῖς διθείαις
ἀλλ' αἱ δύο διθεῖται ἴσαι ἐκατέρω ἐκατέρω ὅσους
ῥησονται, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείω, ὅτι πρὸς
αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχου, ταῖς ἐξ
αὐτῶν διθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem
rectis lineis aliæ duę rectę lineę aqua-
les, vtra - 



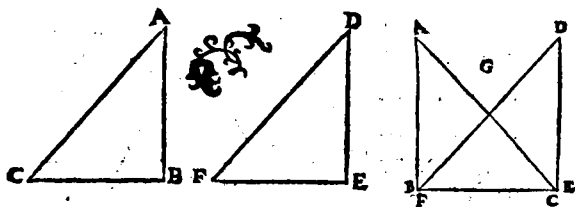
aliud punctū, ad easdē partes, eisdēmq;
terminos cū duabus initio ductis rectis
lineis habentes.

H

Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυοὶ
 πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρα, ἔχῃ
 ἢ ἐν βασιμὶ τῇ βάσει ἴσω: καὶ τὴν γωνίαν τῇ γω-
 νίᾳ ἴσην ἔξει τὴν ἴσων διδιδωρ ποδὲς-
 χομένων.

Theorema 5. Propositio 8.

Si duo triangula duo latera habuerint
 duobus lateribus, vtrunq; vtrique, æqua-
 lia, habuerint verò & basin basi æqualē:
 angulum quoque sub æqualibus rectis li-
 neis contentum angulo æqualem habe-
 bunt.

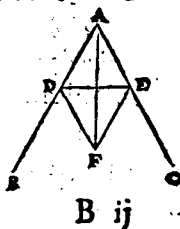


θ

τὴν διδιδωρ γωνίαν ἐν δύο γωνίαις διήγα τε-
 μέν.

Problema 4. Pro-
positio 9.

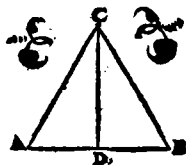
Datum angulum rectili-
 neum bifariam secare.



Τὴν δοθεῖσαν διθείαν περὶ ῥαυμένῳ, διὰ τε-
μῆμ.

Problema 5. Pro-
positio 10.

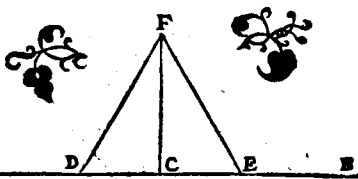
Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.



^{1 α}
τὴν δοθεῖσαν διθείαν, ἀπὸ τῆς πρὸς αὐτῇ δοθέντος
σημείου, πρὸς ὁρθῶς γωνίας διθείαν ῥαυμένῳ ἀ-
γαγεῖμ.

Problema 6. Propositio 11.

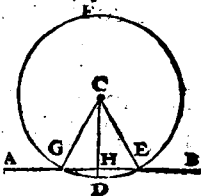
Data recta
linea, à pū
cto in ea
dato, rectā
lineam ad
angulos re-
ctos excitare.



^{1 β}
Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν διθείαν ἀπειροῦ, ἀπὸ τῆς δοθέν-
τος σημείου, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῇ, καὶ θέτον διθείαν
ῥαυμένῳ ἀγαγεῖμ.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam li-
neam infinitā, à dato pun

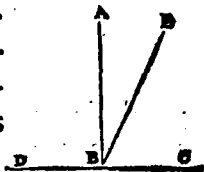


Ἄτο quod in ea non est, perpendiculararem rectam deducere.

¹⁷
 ὡς ἂν ἐνθεῖα ἐπ' ἐνθεῖαν σταθεῖς, γωνίας ποιῇ, ἥ-
 τοι δύο ὁρ. θάς, ἢ συστῖμ ὁρ. θάς ἴς ποιήσῃ.

Theorema 6. Propositio 13.

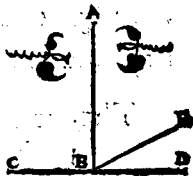
Cum recta linea super re-
 ctam consistens lineā an-
 gulos facit, aut duos re-
 ctos, aut duobus rectis
 æquales efficit.



¹⁸
 Ἐὰν πρὸς ἑνὶ ἐνθεῖα, ἐπ' αὐτῇ σημείῳ
 δύο ἐνθεῖαι μὴ πᾶσι τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς
 ἐφεξῆς γωνίας συστῖν ὁρθαῖς ἴς ποιῶσιν, ἐπ' ἐν-
 θεῖας ἔσονται ἀλλήλαις αἱ ἐνθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad
 eius punctum, duæ rectæ
 lineæ nō ad easdem par-
 tes ductæ, eos qui sunt de-
 inceps ἄγulos duobus re-
 ctis æquales fecerint, in
 directum erunt inter se
 ipsæ rectæ lineæ.

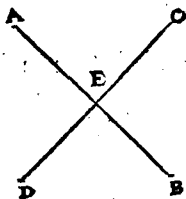


¹⁹
 Ἐὰν δύο ἐνθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ
 B ij

κορυφῇ γωνίας, ἴσας ἀλλήλαις ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
positio 15.

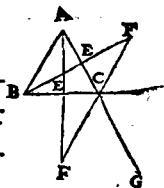
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerint, ἄγulos qui
ad verticē sunt, æquales
inter se efficient.



¹⁵
παντὸς βιγώνος μιᾶς τῇ πλυσῶν ἐκβληθείσης,
ἢ ἐντὸς γωνία, ἐκατέρως τῇ εἰτὸς ἐκ ἀπεναν-
τίου, μείζων ἔστιν.

Theorema 9. Pro-
positio 16.

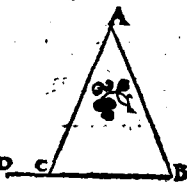
Cuiuscunque trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus vtroq; inter-
no & opposito maior est.



¹⁶
παντὸς βιγώνος αἱ δύο γωνίαι, δύο ὁρθῶν ἐλάσσον-
ες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνόμεναι.

Theorema 10. Pro-
positio 17.

Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores omnia fariā
sumpti.

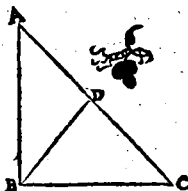


11

Γαὺς τριγώνου ἢ μείζων πλευρὰ πλεονεξοῦν
γωνίαν ὑποτείνει.

Theorema. 11. Pro-
positio 18.

Omnis triaguli maius la-
tus maiorē angulum sub-
tendit.

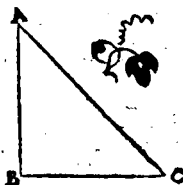


10

Γαὺς τριγώνου ὑποπλεονεξοῦν πλεονεξοῦν
γωνίαν ἢ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει.

Theorema 12. Pro-
positio 19.

Omnis triaguli maior an-
gulus maiori lateri sub-
tenditur.

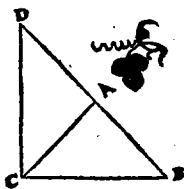


11

Γαὺς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῇ λοιπῇ μείζον-
ες εἰσι, παντὶ μετὰ λαμβανόμεναι.

Theorema 13. Pro-
positio 20.

Omnis trianguli duo la-
tera reliquo sunt maio-
ra, quomodocunque as-
sumpta.



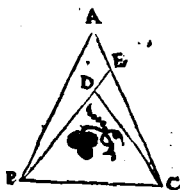
B iij

κα

Ἐὰν ῥιγώνη ὑπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν ἀπὸ τῆς περι-
 τῶν δύο διθεῖται εἰς δύο συσταθῶς καὶ συσταθείσαι,
 τῇ λοιπῇ τῶν ῥιγώνων δύο πλευρῶν ἐλάττωτες ἢ
 ἴσονται, μείζονα ὁ γωνία πρὸς μέγιστοι.

Theorema 14. Propositio 12.

Si super trianguli vno la-
 tere, ab extremitatibus
 duæ rectæ lineæ, interius
 cōstitutæ fuerint, hæ cō-
 stitutæ reliquis trianguli
 duobus lateribus mino-
 res quidē erunt, maiorem verò angulum
 continebunt.

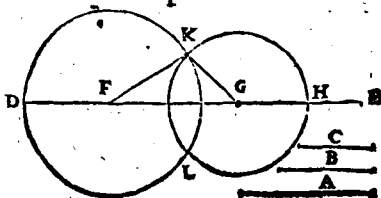


κα

Ἐκ ῥιγῶν διθεῖται, αἱ εἰσιπύλαι ῥισίταις διοθείσας
 εὐθείαις, ῥιγῶν συστήσονται. Δεῖ δὴ τὰς δύο αἱ
 λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνομε-
 νας, Διὰ τὸ ὅτι παντὶς ῥιγῶν τὰς δύο πλευρὰς,
 αἱ λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντα μεταλαμβάνο-
 μένας.

Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus
 rectis li-
 neis quæ
 sunt trib⁹
 datis re-

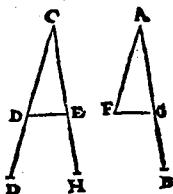


ἑῶν τῶν αἰσῶν, τριανγυλὸν κοῖστυε-
ρε. Οπορτετ αὐτεμ δυας ρελῖqua εἶῢε μα-
ῖορες ομνῖfariam ſυμπτas : quoniam v-
nιuſcuiuſque τριανγυλῖ duo latera ομνῖ-
fariam ſυμπτa ρελῖquo ſυnt μαῖορα.

Ἦρὸς τῇ δὶο θείσῃ ἐν θείῃ κὺ τῷ πρὸς αὐτῇ ση-
μείῳ, τῇ δὶο θείσῃ γωνίῃ ἐν δυγραμμῶ ἴσῳ γω-
νίῃ ἐν δυγραμμῶ ομνῖfariam.

Problema 9. Propositio 23.

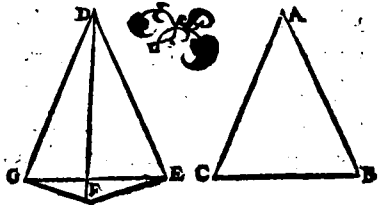
Ad datam rectā lineam
datūmque in ea pūctum,
dato angulo rectilineo æ-
qualem angulum rectili-
neum constituere.



Ἐὰν δύο τρίγωνα ταῖς δύο πλῆρεσ ταῖς δυοῖ
πλῆρεσ ἴσῳς ἔχῃ, ἑκατέρῃ ἑκατέρῃ, πῶ ὃ γω-
νίῃ αὐ γωνίῃς μείζονα ἔχῃ, πῶ ὃ τῷ ἴσῳ
ἐν θείῳ ποδλεχομένῳ, κὺ πῶ βάσιν αὐ βά-
σεως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo tri-
gula duo
latera duo
bus lateri-
bus æqua-



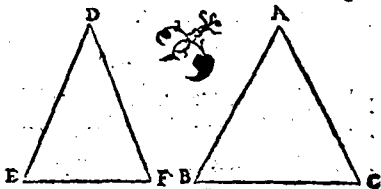
lia habuerint, vtrunque vtrique, angulum verò angulo maiorē sub æqualibus rectis lineis contētum: & basin basi maiorem habebunt.

κ ε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυοῖ
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρω, πρὸς βά-
σιν δὲ βάσεως μείζονα ἔχῃ: καὶ πρὸς γωνίαν δὲ
γωνίας μείζονα ἔξει, πρὸς ᾧ ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένων.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus late-
ribus equalia habuerint, vtrunque vtri-
que, basin verò basi maiorem: & angu-
lum sub æ-
qualib⁹ re-
ctis lineis
contentū
angulo ma-
iorem ha-
bebunt.



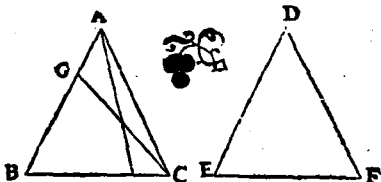
κ ε

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας ταῖς δυοῖ γω-
νίας, ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρω, καὶ μίαν πλευ-
ρὰν μίᾳ πλευρᾷ ἴσων, ἢ τοῖς πρὸς ταῖς ἴσας γω-
νίαις, ἢ ᾧ ὑποτείνουσιν ᾧ μίαν τῇ ἴσων
γωνίᾳ: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς

πλευρᾶς ἴσος ἔξει, ἑκατέραν ἑκατέρα, καὶ τῶν
λοιπῶν γωνίαν τῇ λοιπῇ γωνίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

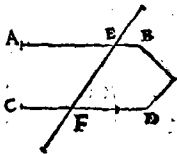
Si duo triangula duos angulos duobus
angulis æquales habuerint, vtrunque v-
trique, vñumque latus vni lateri æquale,
siue quod æqualibus adiacet angulis, seu
quod vni æqualium angulorum subten-
ditur: & re-
liqua late-
ra reliquis
lateribus
æqualia, v-
trunque v-
trique, & reliquum angulum reliquo an-
gulo æqualem habebunt.



καὶ
Ἐὰν εἰς δύο διθείας διθεῖα ἐμπέπτουσι τὰς
εἰσμάχας γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, παράλλη-
λοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ διθεῖαι.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re-
cta incidens linea alterna
tim angulos æquales in-
ter se fecerit: parallele
erunt inter se illæ rectæ
lineæ.

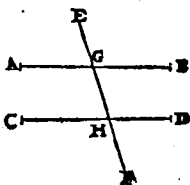


κ η

Ἐάν τις δύο θιθεῖας διθεῖα ἐπιπίπτῃ, πῶς ἐκ τῶν
γωνίᾳ τῇ ἐν τῇ, καὶ ἀπεναντίας, καὶ ὁδοὶ τὰ αὐτὰ μέ-
ρη ἴσῳ ποιῇ, ἢ τὰς ἐν τῇ ἐν τῇ τὰ αὐτὰ μέρη δι-
σὶν, ὁρθεῖς ἴσῳ ποιῇ, παραλλήλοι ἔσονται ἀλλή-
λοις αἱ θιθεῖαι.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens li-
nea, externū angulum interno, & oppo-
sito, & ad easdem partes
æqualem fecerit, aut in-
ternos & ad easdem par-
tes duob⁹ rectis æquales: c-
parallelæ erunt inter se i-
psæ rectæ lineæ.

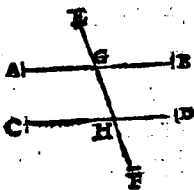


κ θ

Ἦ εἰς τὰς παραλλήλῃς θιθεῖας διθεῖα ἐπιπίπτῃ-
σα, τὰς τε ἐν ἀλλὰς γωνίας ἴσῳ ἀλλήλοις ποιῇ, ὁ-
πῶς ἐκ τῶν τῇ ἐν τῇ ἀπεναντίας, ὁ ὁδοὶ τὰ αὐτὰ
μέρη, ἴσῳ, καὶ τὰς ἐν τῇ καὶ ὁδοὶ τὰ αὐτὰ μέρη δι-
σὶν ὁρθεῖς ἴσῳ.

Theorema 20. Propositio 29.

In paralleleas rectas li-
neas recta incidēs linea,
& alternatim āgulos in-
ter se æquales efficit & ex-
ternum interno & oppo-



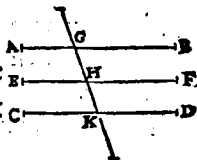
sito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.

λ

Αἱ τῇ αὐτῇ ἐνθείᾳ παράλληλοι, ὁ ἀλλήλαις ἐστὶ παράλληλοι.

Theorema 21. Propositionio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ parallelæ, & inter se sunt parallelæ.

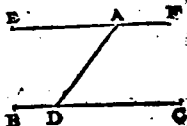


λα

Ἀπὸ τῆς δοθέντος σημείου, τῇ δοθείσῃ ἐνθείᾳ παράλληλον ἐνθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Problema 10. Propositionio 31.

A dato puncto datæ rectæ lineæ parallelam rectam lineam ducere.



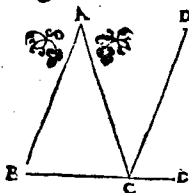
λβ

Παντὸς τριγώνου μιᾶς τῶν πλευρῶν προσεβλήθεισας, ἢ ἐκτὸς γωνίας δυοῖς ταῖς εἰς τὴν ἀπεναντίον ἰσηδυσί. καὶ αἱ εἰς τὴν τῷ τριγώνου βέβη γωνίᾳ δυοῖν ὁρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Theorema 22. Propositionio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vlt-

rius producto : externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis . Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.

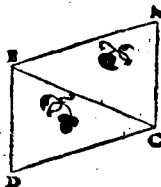


λγ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη ὑπὸ
ξοθγνύσθαι ἐνδεῖται, καὶ αὐταὶ ἴσους τε καὶ παραλ-
ληλοὶ εἰσιν.

Theorema 23. Pro-
positio 33.

Rectæ lineæ quæ æqua-
les & parallelas lineas ad
partes easdem coniun-
gūt, & ipsæ æquales & pa-
rallele sunt.

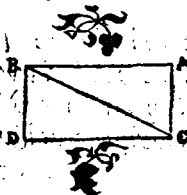


λδ

Τῶν παραλληλογράμων χωρίων αἱ ἀπεναν-
τίον πλευραὶ τε εἰ γωνίαι καὶ ἀλλήλας εἰσὶ
καὶ ἡ διαμέτρος αὐτὰ διχατέμνει.

Theorema 24. Pro-
positio 34.

Parallelogrammorum spa-
tiorum equalia sunt inter
se quæ ex adverso & late-
ra & anguli : atque illa bi-



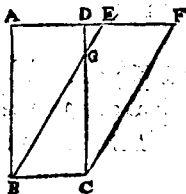
fariam secat diameter.

λε

τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ αὐτῆς βασι-
ως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλ-
λήλοις ὄντι.

Theorema 25. Pro-
positio 35.

Parallelogramma super
eadem basi & in eisdem
parallelis constituta, in-
ter se sunt equalia.

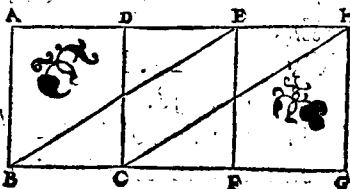


λς

τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τῆς ἴσας βα-
σεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα
ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super equalibus basi-
bus & in
eisdem pa-
rallelis
constituta,
inter se
sunt equa-
lia.

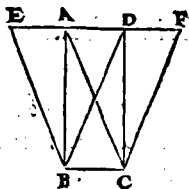


λζ

τὰ τρίγωνα, τὰ ὑπὸ αὐτῆς βασι-
σεως ὄντα καὶ ἐν
ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 27. Pro-
positio 37.

Triägula super eadem ba-
si constituta, & in eisdem
parallelis, inter se sunt æ-
qualia.

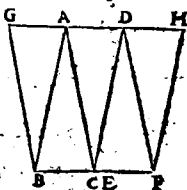


λη

τὰ τρίγωνα τὰ ὑπὸ τῇ ἴσῳ βάσει καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

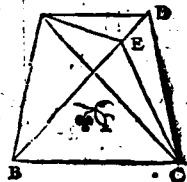


λθ

τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὑπὸ αὐτῇ βάσει ὄντα, καὶ
ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέση καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλή-
λοις εἰσὶν.

Theorema 29. Pro-
positio 38.

Triangula æqualia su-
per eadem basi & ad eaf-
dem partes constituta: &
in eisdem sunt parallelis.



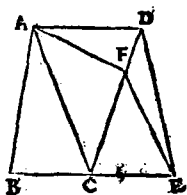
μ

τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὑπὸ τῇ ἴσῳ βάσει ὄντα καὶ
ὑπὸ

ἑὰν τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ὅσιν.

Theor. 30. Propo. 40.

Triangula æqualia super æqualibus basibus & ad easdem partes cōstituta, & in eisdem sunt parallelis.

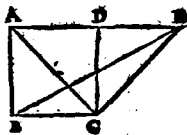


μα

Ἐὰν παραλληλόγραμμοι τρίγωνοι βάσει τε ἑκαστὸν αὐτῶν, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ᾗ, διπλασίου ἔσται τὸ παραλληλόγραμμοι τῶ τρίγωνου.

Theor. 31. Propo. 41.

Si parallelogrāmum cū triangulo eandem basin habuerit, in eisdemq; fuerit parallelis, duplum erit parallelogrammū ipsius trianguli.

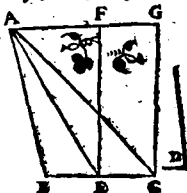


μβ

Τῷ διορίσει τρίγωνον ἴσον παραλληλόγραμμοι συστήσασθαι, ἐν τῇ διορίσει διδυγραμμῶν γωνία.

Probl. II. Propo. 42.

Dato triángulo equale parallelogrāmum cōstituerē in dato angulo rectilīneo.



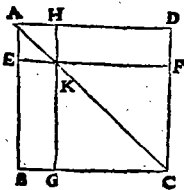
C

μ γ

Γαυτὸς παραλληλογράμμω, τῷ ὁδοῖ τὴν διαμέ-
τρην παραλληλογράμμου τὰ παραπληρώμα-
τα, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 32. Propo. 43.

In omni parallelogram-
mo, complementa eorū
quæ circa diametrum sunt
parallelogrammorū, in-
ter se sunt æqualia.



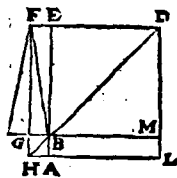
μ δ

Παρά τὴν δοθεῖσαν ἐυθείαν,
ἴσῃ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον πα-
ραλληλόγραμμον παραβαλ-
λεῖν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ δι' ὅ-
τε γράμμω.



Probl. 12. Propo. 44.

Ad datam rectam lineā,
dato triângulo æquale pa-
rallelogrammum appli-
care in dato ángulo recti-
lineo.

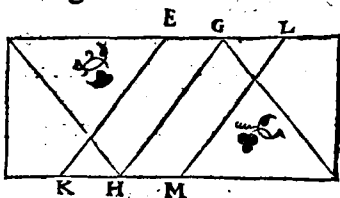
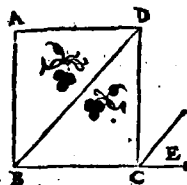


μ ε

Τῷ δοθέντι ἐυθυγράμμῳ ἴσον παραλληλό-
γραμμον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ ἐυθυγράμ-
μῳ γωνίᾳ.

Proble. 13. Propo. 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammū
constituere in dato angulo rectilineo.

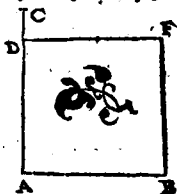


μ 5.

Ἀπὸ αὐτῆς διορίσεως εὐθείας τετραγώνου ἀναγρᾶ-
ται.

Proble. 14. Propo. 46.

A data recta linea qua-
dratum describere.

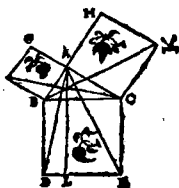


μ 2.

Ἐν ταῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις ὅτι ἂν αὐτῶν τὴν ὀρθὴν
γωνίαν ὑποτείνουσιν πλευρᾶς τετραγώνου, ἴσους
ᾖ ταῖς ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν περιέχουσιν
πλευρῶν τετραγώνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,
quadratum quod à latere
rectum angulum subtren-
dente describitur, æqua-
le est eis quæ à lateribus



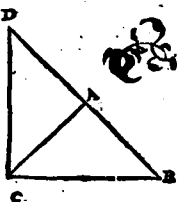
C ij

rectum angulum continentibus.

Εὰν $\xi\gamma\omega\nu\varsigma$ τὸ ἀπὸ μιᾶς τῆς πλευρῶν τε $\xi\alpha\gamma\omega\gamma\omicron\nu\iota\varsigma$ ἢ τοῖς ἀπὸ τῆς λοιπῶν τῆς $\xi\gamma\omega\nu\varsigma$ διὸ πλευρῶν τε $\beta\alpha\gamma\alpha\gamma\omicron\nu\iota\varsigma$, ἢ περιεχομένη γωνία ὡς τῆς λοιπῶν τῆς $\xi\gamma\omega\nu\varsigma$ διὸ πλευρῶν, ὁρθὴ ᾖ.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trian-
guli describitur, æquale sit ciquæ à re-
liquis trianguli lateribus
describuntur, quadratis:
angulus cōprehensus sub
reliquis duobus trianguli
lateribus, rectus est.



Finis Elementi primi.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT- TVM SECVNDVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Π ἌΝ παραλληλόγραμμοι ὁρθογώνιοι,
παραμέχεσθαι λέγεται ὅτε διὰ δύο τῶν
ὁρθῶν γωνιῶν παραμεχσώμεν εὐθεϊῶν.

DEFINITIONES.

I

Omne parallelogrammū rectangulum
cōtineri dicitur sub rectis duabus lineis,
quæ rectum comprehendunt angulum.

β

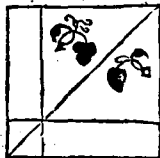
Γαυτὸς ὁ παραλληλογράμμος χάρις τῶν πρὸς
τὴν διάμετρον αὐτοῦ, ἐν παραλληλόγραμμοις

C iij

ὁποιονοῦν σὺν τοῖς δυοῖν παραπληρώμασι, γνώ-
μων καλεῖσθαι.

2

In omni parallelogrammo spatium, v-
nū quodlibet eorum quæ
circa diametrum illius
sunt parallelogrammōrū,
cum duobus complemen-
tis, Gnomon vocetur.

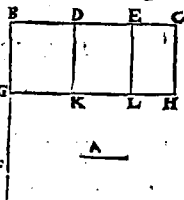


Πρότασις α.

Ἐὰν ὡς διὰ δύο διθῇται, τμηθῇ ἢ ἡτέρα αὐτῶν εἰς
ὁσά διηποιοῦν τμήματα, τὸ πᾶν περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον ᾧ ἂν τῇ δύο διθῇται, ἴσον ᾖ τοῖς ὑπὸ τε
αὐτῶν ἀτμήταις καὶ ἐκάστῃ τῇ τμημάτων περιεχομέ-
νοις ὀρθογώνιοις.

Theor. I. Prop. I.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque
ipsarum altera in quotcū
que segmenta: rectangu-
lum comprehensum sub
illis duabus rectis lineis,
æquale est eis rectangulis
quæ sub infecta & quoli-
bet segmentorum comprehenduntur.



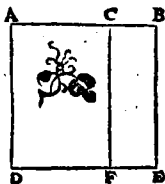
β

Ἐὰν διθῇται γεωμῆν τμηθῇ ὡς ἔτυχεν, τὰ ᾧ ἂν

ἂν ὅλης καὶ ἐκάτερθε τῇ τμημάτων ἀντιεχόμενα
ὁρθογώνια ἴσῃ ὅτι ὅτι ἀπὸ ἂν ὅλης τετραγώνω.

Theor.2.Propo.2.

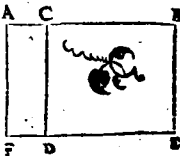
Si recta linea secta sit ut-
cunque, rectangula quæ
sub tota & quolibet se-
gmētorum comprehen-
duntur, æqualia sunt ei,
quod à tota fit, quadrato.



ἂν δὲ εἰς αὐτὴν γραμμὴ ὡς ἐτυχε τμηθῇ, ὅτι ἀπὸ ἂν
ὅλης καὶ ἐνὸς τῇ τμημάτων ἀντιεχόμενου ὁρθο-
γώνιου, ἴσῃ ὅτι ὅτι τε ἀπὸ τῇ τμημάτων πε-
ριεχομένῳ ὁρθογώνιῳ, καὶ ὅτι ἀπὸ τῆς περιεπιμέ-
νῃς τμήματι τετραγώνῳ.

Theor.3.Propo.3.

Si recta linea secta sit utcunque, rectan-
gulum sub tota & vno segmento cō-
prehensum, æquale est &
illi quod sub segmētis cō-
prehenditur rectangulo,
& illi, quod à prædicto se-
gmento describitur, qua-
drato.

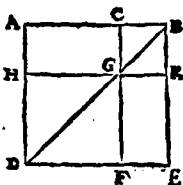


ἂν εἰς αὐτὴν γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, ὅτι ἀπὸ ἂν
ὅλης τετραγώνου, ἴσῃ ὅτι ὅτι τῇ τε ἀπὸ τῇ τμη-

μαῖται τε τετραγώνοις, καὶ ἑστὶν ὅτις ἑστὶν τῇ τμή-
μαῖται παρὰ τοῦ μετρίου ὁρθογωνίου.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea secta sit utcumque: quadra-
tum quod à tota describi-
tur, æquale est & illis quæ
à segmentis describuntur
quadratis, & ei quod bis
sub segmentis comprehe-
ditur, rectangulo.

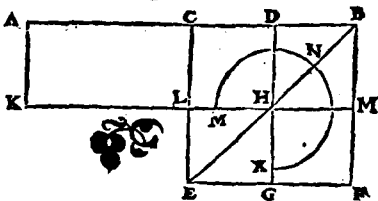


ε

Ἐάν ἐνθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίστα, καὶ ἑστὶν
τῇ ἀνίστῳ ἀπὸ τῆς ὅλης τμημάτων παρὰ τοῦ μετρίου ὁρ-
θογωνίου, μετὰ τῆς ἀπὸ τοῦ μετρίου τῇ τομῶν τε-
τραγώνου, ἴσου ὅτι ἑστὶν ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετρα-
γώνου.

Theor. 5. Propo. 5.

Si recta linea secetur in æqualia & non
æqualia: rectangulum sub inæqualibus
segmentis totius comprehensum, vnà
cum qua-
drato, qđ
ab inter-
media se-
ctionum,
æquale est
ei quod à dimidia describitur, quadrato.

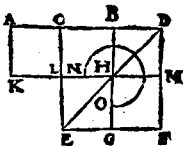


5

Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ διήχα, προσεθῇ δέ τις αὐτῇ διθεῖα ἐπ' εὐθείας, ὅτι ὡς τῆς ὅλης σωὴ τῇ προσκειμένη, καὶ τῇ προσκειμένης πῶς λεχόμενον ὁρθογώνου, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου, ἴσον ὅτι ὅτι ἀπὸ τῆς συγκεκλιμένης ἐκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκειμένης, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντα τετραγώνω.

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta quædam linea in rectum adiciatur, rectangulum cōprehensum sub tota cū adiecta & adiecta simul & quadratum à dimidia, æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab vna descripto.



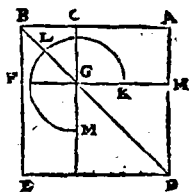
Ἐὰν διθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχε, ὅτι ἀπὸ αὐτοῦ ὅλης, εἰ δ' ἀπὸ ἐνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέρω τετραγώνω ἴσα ὅτι ὅτι τε δις ὡς τῆς ὅλης καὶ τῆς εἰρημένης τμήματι πῶς λεχόμενον ὁρθογώνω, καὶ ὅτι ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμήματος τετραγώνω.

Theor. 7. Propo. 7.

Si recta linea secetur utcumque: quod à



tota, quódque ab vno segmentorum, v-
traque simul quadrata, æ-
qualia sunt & illi quod
bis sub tota & dicto se-
gméto comprehenditur,
rectangulo, & illi quod à
reliquo segméto fit, qua-
drato.

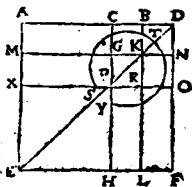


η

Εὰν δι' αὐτῆς γωνίᾳ τμήσῃ ὡς ἔτυχε, τὸ τετρά-
κλις ἑξῆς ὅλης ἐνός τῶν τμημάτων πῶς ἐχό-
μινορ ὁρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμή-
ματὸς τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ τὸ ἀπὸ αὐτοῦ ὅλης
καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματι, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγχα-
φέντι τετραγώνῳ.

Theor.8.Propo.8.

Si recta linea secetur vtcunque: rectan-
gulum quater cōprehen-
sum sub tota & vno se-
gmétorum, cum eo quod
à reliquo segmento fit,
quadrato, æquale est ei
quod à tota & dicto se-
gméto, tanquā ab vna linea describitur,
quadrato.



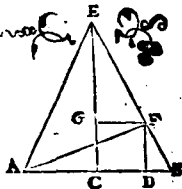
θ

Εὰν δι' αὐτῆς γωνίᾳ τμήσῃ εἰς ἴσα καὶ ἄνιστα, τὰ

ἀπὸ τῆς ἀνίσωρ καὶ ὅλης τμημάτων τετράγωνα,
διπλασιάσῃ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, καὶ τὴν ἀπὸ τῆς
μεταξὺ τῆς ἡμῶν τετραγώνων.

Theor. 9. Propo. 9.

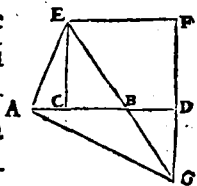
Si recta linea secetur in æqualia & non
æqualia: quadrata quæ ab inæqualibus
totius segmentis fiunt, du-
plicia sunt & eius quod à
dimidia, & eius quod ab
intermedia sectionū fit,
quadratorum.



Ἐὰν διθεῖα γραμμὴ τμηθῇ διίχα, προσεθῇ δέ τις
αὐτῇ διθεῖα ἐπ' ἐυθείας, καὶ ἀπὸ τῆς ὅλης σὺν τῇ
προσκειμένῃ, καὶ ἀπὸ τῆς προσκειμένης τὰ πωαμ
φότερα τετράγωνα, διπλασιάσῃ τε ἀπὸ τῆς
ἡμισείας, καὶ τὴν ἀπὸ τῆς συνηκμένης ἕκτε τῆς ἡμ
σεας καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς ἀναρχ-
φέντῃ τετραγώνων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiiciatur
autē ei in rectū quæpiā re-
cta linea: quod à tota cū
adiuncta, & quod ab ad-
iuncta, vtraque simul qua-
drata, duplicia sunt & e-



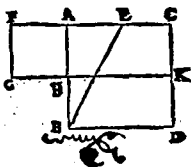
ius quod à dimidia, & eius quod à composita ex dimidia & adiuncta, tanquam ab vna descriptum sit, quadratorum.

1α

τὴν διοχίζων δι' αὐτὰρ τεμνείμ, ὥς τε τὸ ὑπὸ τῇ ὅλης καὶ τῇ ἐτέρᾳ τῇ τμημάτων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμήματος τετραγώνῳ.

Probl. I. Propo. II.

Datam rectam lineam secare, vt comprehensum sub tota & altero segmentorum rectangulum, æquale sit ei quod à reliquo segmento fit, quadrato,

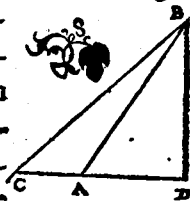


1β

Ἐν τοῖς ἀμβλυγωνίοις ῥιγώνοις, τὸ ἀπὸ αὐτῆς τῆς ἀμβλεῖας γωνίας ὡς περὶ τῆς πλυρᾶς τετραγώνου, μεῖζον ὂν τῇ ἀπὸ τῆς τῆς ἀμβλεῖας περιεχόμενῳ πλυρᾶς, τετραγώνῳ, τῷ περιεχόμενῳ δὲ ὑπὸ τῆς μιᾶς τῆς ὀρθῆς τῆς ἀμβλεῖας γωνίας, ἐφ' ᾗ ἐκβληθεῖται ἡ καθετος πρὸς τὴν ἀμβλεῖαν γωνίαν, λαμβανομένης ἐκ τῆς καθετῆς πρὸς τὴν ἀμβλεῖαν γωνίαν.

Theor. II. Propo. 12.

In amblygoniis triangulis, quadratum quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi & ab uno laterum quæ sunt circa obtusum angulum, in quod, cum protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exteriori linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.

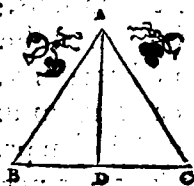


17

Ἐν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, ὅ ἀπὸ αὐτῶν
ὀξείαν γωνίαν ἑξωτερεύσας πλυρᾶς τετραγώνου
τοῦ, ἔλαττον ἐστὶ τῆ ἀπὸ τῆς αὐτῆς ὀξείας γωνίας
πλευρῶν πλυρῶν τετραγώνου, (ὅτι) πλεονε-
χούμενον εἰς ὑπὸ τε μίαν τὴν αὐτῆς ὀξείαν γωνίαν,
ἐφ' ᾧ ἡ καθέτος πίπτει, καὶ αὐτὴ ἀπολαμ-
βανομένης ἐν τῷ ἑξῶς αὐτῇ καθέτῃ πρὸς τῇ ὀξείᾳ
γωνίᾳ.

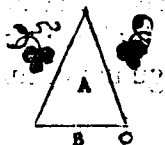
Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ fiunt à lateribus acutum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum, quæ sunt circa acutum angulum, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.



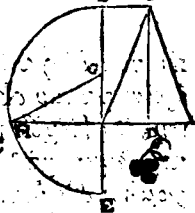
18

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἀκροῦ τοῦ ὀξυγώνου τετραγώνου ἴσον
τῷ ἀπὸ τοῦ ἀκροῦ τοῦ ὀξυγώνου τετραγώνου ἴσον.



Probl. 2. Propo. 14.

Dato rectilineo æquale quadratum constituere.



Elementi secundi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM TERTIVM.

ὍΡΟΙ. α.

Ἰ' ΣΘΙ κύκλοι εἰσὶν, ὧν αἱ διαμέτροι εἰσὶ ἴσαι·
ἢ ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσὶν.

DEFINITIONES.

I

Æquales circuli, sunt quorum diametri

sunt æqua

les, vel

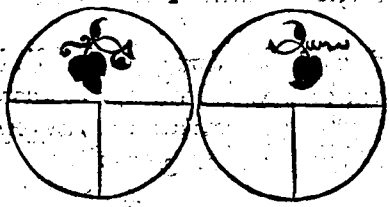
quorum

quæ ex cē

tris rectæ

linæ sunt

æquales.

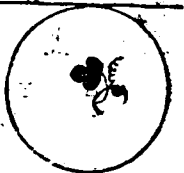


β

Εὐθεΐα κύκλῳ ἐφαπτασθαι λέγεται, ἥ τις ἀπὸ
μένη τῷ κύκλῳ, ἐμβαλλομένη, ἢ τέμνει τὸν κύ-
κλον.

2

Recta linea circulum tan-
gere dicitur, quæ cūm cir-
culum tangat, si produca-
tur, circulum non secat.

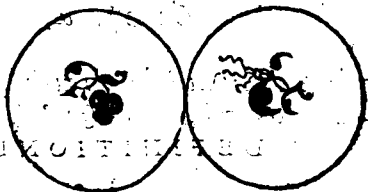


γ

Κύκλοι ἐφαπτασθαι ἀλλήλων λέγονται, οἵτινες
ἀπὸ τῶν κέντρων ἀλλήλων, ἢ τέμνουν ἀλλήλους.

3

Circuli se-
se mutuò
tangere di-
cūtur: qui
sefe mu-
tuo tangē-
tes, sefe mutuò non secant.



δ

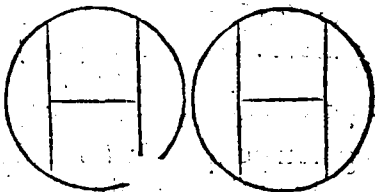
Ἐν κύκλῳ ἴσῳ ἀπέχει τῷ κέντρῳ εὐθεΐαι λέγον-
ται, ὅταν αἱ ἀπὸ τῶν κέντρων ἐπ' αὐτὰς κἀθετοὶ ἀ-
γόμεναι ἴσαι ᾖσι: μείζων δ' ἀπέχει λέγεται, ἐφ'
ὧ ἢ μείζων κἀθετὸς πίπτει.

4

In circulo æqualiter distare à centro re-
ctæ lineæ dicuntur, cūm perpendicula-

res,

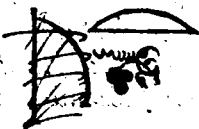
res, quæ à
centro in
ipsas ducū
tur, sunt
æquales.



Lōgius au
tem abesse illa dicitur, in quā maior per
pendicularis cadit.

Τμήμα κύκλου, ἐστὶ τὸ περιεχόμενον ὑπὸ
τε εὐθείας καὶ κύκλου περιφέρειας.

Segmentum circuli, est fi
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com
prehenditur.



Τμήματι ὁ γωνία ἐστίν, ἡ περιεχομένη ὑπὸ
τε εὐθείας, καὶ κύκλου περιφέρειας.

Segmenti autem angulus est, qui sub re
cta linea & circuli peripheria compre
henditur.

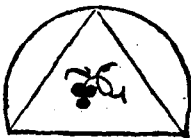


Ἐν τμήματι ὁ γωνία ἐστίν, ὅταν ᾖ διὰ τὴν περιφε
ρείαν τῆς τμήματος ληφθῇ σημείον, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
ᾖ διὰ τὰ πέρατα τῆς εὐθείας, ἢ ἐπὶ βασις τῆς τμήμα
τος.

μαρς, ἐπεξελχθῶσιν διθῆαι, ἢ περιεχομένη
γωνία ὑπὸ τῷ ἐπιζελχθῶσιν διθῶν.

7

In segmento autem angulus est, cū in
segmenti peripheria sumptū fuerit quod-
piam punctum, & ab illo in terminos re-
ctæ eius lineæ, quæ segmē-
ti basis est, adiunctæ fue-
rint rectæ lineæ:is, inquā,
angulus ab adiunctis illis
lineis comprehensus.

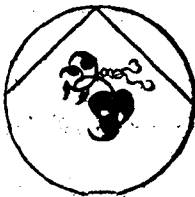


η

Ὅταν ὅαι περιέχου τῷ γωνίᾳ διθῆαι ἀπο-
λαμβάνουσιν αὐτὰ περιφέρειαν, ἐπ' ἐκείνης λέγε-
ται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehen-
dentes angulum rectæ li-
neæ aliquam assumūt pe-
ripheriā, illi angulus infi-
stere dicitur.

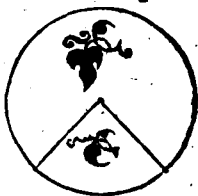


θ

Τομὴς ὁ κύκλου ὅστις, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐ-
τῷ τῷ κύκλῳ ἐκθῇ ἡ γωνία, τὴν περιεχόμενον χῆ-
μα ὑπὸ τε τῷ τῷ γωνίᾳ περιέχουσιν διθῶν ἐ-
στὶ ἀπλάθειον μὲν ὑπ' αὐτῶν, περιφέρειας.

9

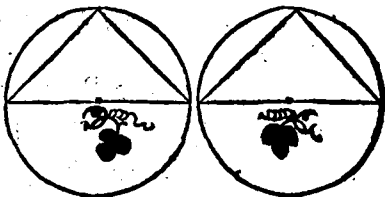
Sector autem circuli est, cū ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, cōprehensa nimirū figura & à rectis lineis angulū cōtinentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ἔσιν, τὰ ὁμοίωτα γωνίας ἔχοντα: ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiūt æquales: aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



Προτάσις.

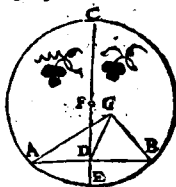
α

Τὸ διόξεντον κύκλου ὅθεν ἔσιν διῆξιν.

Probl. I. Propo. I.

Dati circuli centrum reperire.

D ij

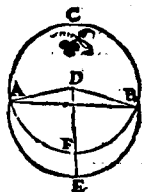


β

Ἐὰν κύκλῳ ὑπὸ τῆς περιφέρειας ληφθῇ δύο τυ-
χόντα σημεῖα, ἢ ὑπὸ αὐτὰ σημεῖα ὑπὸ ζευγυμέ-
νῃ διθείᾳ, εἰπὸς πεσεῖται τῇ κύκλῳ.

Theo.1.Propo.2.

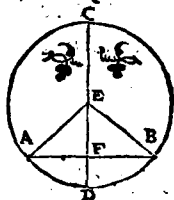
Si in circuli peripheria
duo quælibet puncta ac-
cepta fuerint, recta linea
quæ ad ipsa puncta ad-
iungitur, intra circulum
cadet.



Ἐὰν εἰ κύκλῳ διθείᾳ τις διὰ τῆς κέντρῳ, διθείᾳ
ἵνα μὴ διὰ τῆς κέντρῳ δίχα τέμνη: ὅτι πρὸς ὁρθὰς
αὐτῷ τέμνῃ καὶ ἔαν πρὸς, ὁρθὰς αὐτῷ τέμνη, καὶ
δίχα αὐτῷ τέμνῃ.

Theor.2.Propo.3.

Si in circulo recta quædam linea per cen-
trum extensa quandam
non per centrum exten-
sam bifariam secet: & ad
angulos rectos ipsam se-
cabit. Et si ad angulos re-
ctos eam secet, bifariam
quoque eam secabit.



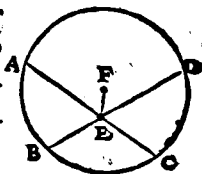
α

Ἐὰν εἰ κύκλῳ δύο διθείαι τέμνωσιν ἀλλήλας,

μὴ διὰ τῆς κέντρῳ ἔσσαι, ἔτέμνεσιν ἀλλήλους δίχα.

Theo.3.Propo.4.

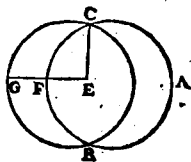
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant nō per centrum extensæ, sese mutuò bifariam nō secabunt.



Ἐὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, ἔκ ἔσσαι αὐτῶν ὃ αὐτὸ κέντρον.

Theor.4.Propo.5.

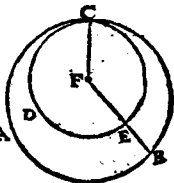
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Ἐὰν δύο κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων ἐν τῷ, ἔκ ἔσσαι αὐτῶν ὃ αὐτὸ κέντρον.

Theor.5.Propo.6.

Si duo circuli sese mutuò interiorius tangerent, eorum non erit idem centrum.

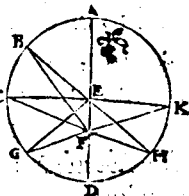


Ἐὰν κύκλος ὡς τῷ ὁμομέτρου ληφθῇ ὡς σημείου, ὃ μή ἐστι κέντρον τοῦ κύκλου, ἀλλ' ὃ τῷ σημείου προσπί-

πῶσω ὁδοῖαί τινες πρὸς τὸν κύκλον: μέγιστη ἢ
ἔσται ἐφ' ἧς ὁ κέντρον, ἐλάχιστη ὃ ἡ λοιπὴ: τῶν δὲ
ἄλλων αἰ ἢ ἕτιον τ' διὰ τῶ κέντρον τ' ἀπὸ τῶ
μείζων ὅστι. Δύο ὃ μόνον ἐνθεῖαι ἴσθαι ἀπὸ τῶ αὐτῶ
σημεῖον προωπεσοῦνται πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἐκά-
τερα αἰ ἐλάχιστης.

Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam suma-
tur punctum, quod circuli centrum non
sit, ab eoque puncto in circulum quædam
rectæ lineæ cadant: maxima quidem e-
rit ea in qua centrum, minima verò re-
liqua: aliarum vero pro-
pinquior illi quæ per cen-
trum ducitur, remotiores
semper maior est. Duæ au-
tem solùm rectæ lineæ æ-
quales ab eodem puncto
in circulum cadunt, ad vtrasque partes
minimæ,

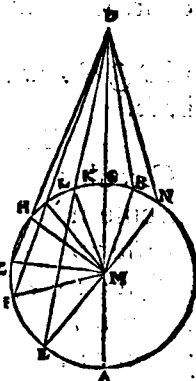


Ἐὰν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐκ τῶς, ἀπὸ ὃ τῶ ση-
μεῖον πρὸς τὸν κύκλον ἀφ' ὧσιν ὁδοῖαί τινες,
ὅρμια ἢ διὰ τῶ κέντρον, αἰ ὃ λοιπαὶ ὡς ἔτυχε: τῶ
ἢ πρὸς τὸν κοίλῳ ὁδοῖ. Φέρεται προωπιτῶσιν
ὁδοῖον, μέγιστη ἢ διὰ τῶ κέντρον, τῶ ὃ ἄλλα
αἰ ἢ ἕτιον αἰ διὰ τῶ κέντρον, τ' ἀπὸ τῶ μεί-

ζων ἔσται. ἣ ὅτι πρὸς τὴν κύρτιν πᾶσι φέρεται πρὸς
 πεπλισσῶν ὁμοειῶν, ἐλαχίστη μὲν ὅστις ἢ μεταξὺ τῶ-
 τε σημείων καὶ τῆς ἀμέτρως. ἣ ὅτι ἄλλων αἰεὶ ἢ ἑπὶ οὐ
 αὐτὴ ἐλαχίστη, αὐτὴ ἀπὸ τῶν ὅστις ἐλάττω. Δύο ὅ-
 μόνον ὁμοειῶν ἴσαι προαπεικονίζονται ἀπὸ τοῦ σημείου
 πρὸς τὴν κύκλον ἐφ' ἐκάτερα αὐτὴ ἐλαχίστη.

Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulū sumatur punctum quod-
 piam, ab eoque puncto ad circulum de-
 ducantur rectæ quædam lineæ, quarum
 vnâ quidem per centrum protendatur,
 reliquæ verò vt libet: in cauam periphe-
 riam cadentium rectarum linearum ma-
 xima quidem est illa, quæ per cẽtrum du-
 citur: aliarum autẽ propinquior ei, quæ
 per centrũ trásit, remotiore semper ma-
 ior est. In cõuexam verò
 peripheriam cadentium
 rectarum linearum, mini-
 ma quidem est illa, quæ
 inter punctum & diame-
 trum interponitur: alia-
 rum autem, ea quæ pro-
 pinquior est minime, re-
 motiore semper minor
 est. Dux autem tantum
 rectæ lineæ æquales ab eo



D iiii

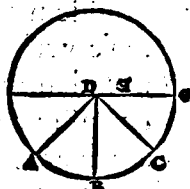
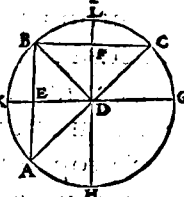
puncto in ipsum circulum cadunt, ad v-
trasque partes minimæ.

9

Εὰν κύκλος ληφθῇ τὸ σημεῖον ἐν τῷ, ἀπὸ τοῦ τοῦ ση-
μεῖου πρὸς τὸν κύκλον περὶ πᾶσι πλείους ἢ δύο
θεταῖαι ἴσαι, ὅτι ληφθῇ σημεῖον, κέντρον ὅτι τῷ
κύκλῳ.

Theor. 8. Propo. 9.

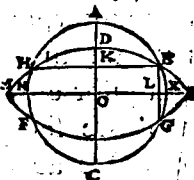
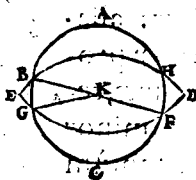
Si in circulo acceptum fuerit punctum
aliquod, & ab eo puncto ad circulum ca-
dāt plures
quàm duæ
rectæ lineæ
æquales,
acceptum
punctum
centrum ipsius est circuli.



κύκλῳ τὸν τέμνει κύκλου κατὰ πλείονα σημεία,
ἢ δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus
circulum
in plurib⁹
quàm duo
bus pūctis
non secat.

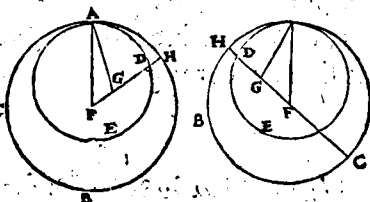


. 1 α

Ἐὰν δύο κύκλοι ἐφαπτόνται ἀλλήλων ἐν ἑνὶ καὶ
ληφθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ᾗ διὰ τὰ κέντρα αὐτῶν
ὑποζυγνυμένη θύβεια καὶ ἐκβαλλομένη, ᾗ διὰ τὴν
συναφήν πεσεῖται τῇ κύκλων.

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, at-
que accepta fuerint eorum cētra, ad eo-
rum cētra
adiuncta
recta linea
& produ-
cta in con-
tactum cir-
culorum cadet.

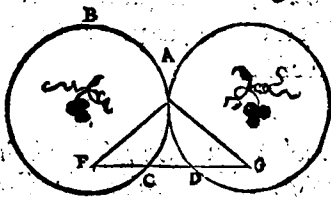


. 1 β

Ἐὰν δύο κύκλοι ἀπτόνται ἀλλήλων ἐν ἑνὶ, ἢ ᾗ διὰ
τὰ κέντρα αὐτῶν ὑποζυγνυμένη, διὰ τὴν ἐπα-
φήν ἐλθούσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

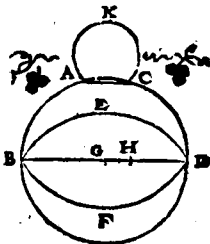
Si duo circuli sese exterius contingant,
linea recta
que ad cē-
tra eorum
adiūgitur,
per conta-
ctum illū
transibit.



¹⁷
 κύκλ^ο κύκλ^ος ἐκ ἐφάπτεται πλείονα σημεία ἢ
 καὶ ἓν, ἐάν τε εἰς ἑαυτὸς ἐάν τε ἐκ τῶς ἐφάπτεται.

Theor. 12. Propo. 13.

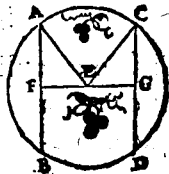
Circulus circulū non
 tangit in pluribus pū
 ctis, quā vno, siue in-
 tus siue extra tangat.



¹⁸
 Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι ἐνθάδε αἱ ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τῆς
 κέντρου . καὶ αἱ ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τῆς κέντρου, ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσίν.

Theor. 13. Propo. 14.

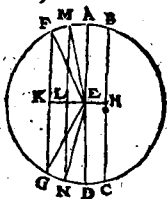
In circulo æquales rectæ
 lineæ equaliter distāt à cē-
 tro . Et quæ æqualiter di-
 stāt à cētro , æquales sunt
 inter se.



¹⁶
 Ἐν κύκλῳ μεγίστη μὲν ὄσιν ἡ διαμέτρ^{ος}, τῇ δὲ
 ἄλλων ἀεὶ ἡ ἑπιοῦσα τῆς κέντρου, καὶ ἀπὸ τῶν μείζων
 ὄσιν.

Theor. 14. Propo. 15.

In circulo maxima quidem linea est diameter: aliarum autem propinquior centro, remotiore semper maior.

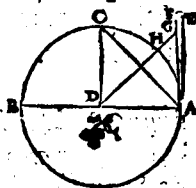


15

Ἡ τῇ διαμέτρῳ τῷ κύκλῳ πρὸς ὁρθὰς ἀπ' ἀκρῶς ἀγομένη, ἐκ τῆς περσεῖται τῷ κύκλῳ, εἰς τὸν μετὰ ξὺν αὐτῇ τε διθείαι καὶ αὐτῇ περιφραείας, ἑτέρα αὖτόπου δὲ αὖ παρεμπεσεῖται εἰς ἡμικυκλίῳ γωνία, ἀπὸ τῆς ὀξείας γωνίας διδυγραμμῶν μείζων ὅστις, ἢ δὲ λοιπὴ, ἐλάττω.

Theor. 15. Propo. 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque circuli ad angulos rectos ducitur, extra ipsum ciculū cadet, & in locum inter ipsam rectam lineā & peripheriā cōprehensum, altera recta linea nō cadet. Et semicirculi quidem angulus quovis angulo acuto rectilineo maior est, reliquis autem minor.

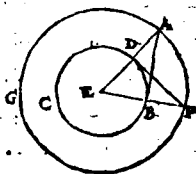


16

Ἀπὸ τῷ δοθέντι σημει, τῷ δοθέντι κύκλῳ ἐφαπτομένῳ διδῆται γραμμῶν ἀναγεῖν.

Proble.2.Propo.17.

A dato puncto rectam lineam ducere, quæ datum tangat circulum.

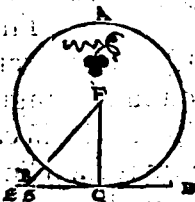


14

Ἐὰν κύκλος ἐφαπταί τις θύρεα, ἀπὸ τῆς κέντρος αὐτοῦ ἀφῶ ἐπιζυχθῇ τις θύρεα, ἡ ἐπιζυχθεῖσα καὶ αὐτὸ ἔσται αὐτῷ ἀπτομένῳ.

Theorema 16. Propo. 18.

Si circulū tāgat recta quæpiam linea, à centro autē ad contactum adiūgatur recta quædam linea: quæ adiuncta fuerit ad ipsam cōtingentem perpendicularis erit.



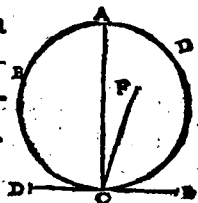
10

Ἐὰν κύκλος ἐφαπταί τις θύρεα, ἀπὸ τῆς ἀφῆς τῆς ἐφαπτομένης πρὸς ὁρθὰς γωνίας ἐν θείᾳ χορδῇ, αὐτὴ αὐτῇ χορδῇ ἔσται τῇ κέντρος τοῦ κύκλου.

Theor. 17. Propo. 19.

Si circulū tetigerit recta quæpiā linea, à

contactu autē recta linea
ad angulos rectos ipsi tā-
angēti excutetur, in exci-
tata erit centrum circuli.



Ἐν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασίονη
ὅτῃ τῇ πρὸς τῇ περιφέρειᾳ, ὅταν τῷ αὐτῷ περι-
φέρειαν βάσιμ' ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Propo. 20.

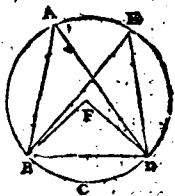
In circulo angulus ad cē-
trū duplex est anguli ad
peripheriam, cūm fue-
rit eadem peripheria ba-
sis angulorum.



Ἐν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἅλ-
λῃλαι εἰσίν.

Theor. 19. Propo. 21.

In circulo, qui in eodem
segmento sunt anguli,
sunt inter se æquales.

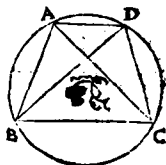


κ β

τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλόρων αἱ ἀπεναντίας
γωνίαι, διπλοῦν ὅς τῃς ἴσαι εἰσίν.

Theor. 20. Propo. 22.

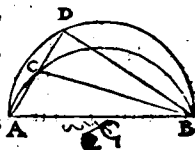
Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.



ἐπὶ αὐτῇ δὲ θείᾳ, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια καὶ ἅντα ὅσους αὐτὴν εἰσὶν.

Theor. 21. Propo. 23.

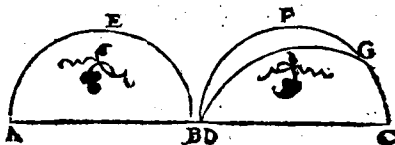
Super eadem recta linea, duo segmēta circulorum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.



τὰ αὐτῇ ἴσας ὑψείων ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 22. Propo. 24.

Super æqualib⁹ rectis lineis similia circulorum segmēta

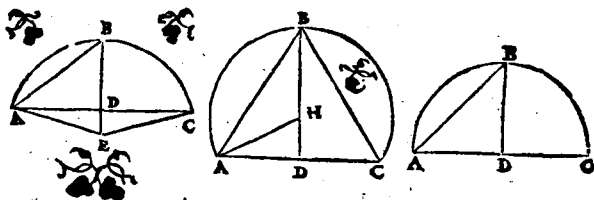


su nt inter se æqualia.

κ ε
Κύκλου τμήματ^ο δοθέντ^ο, περιγεγραῖναι
τὸν κύκλον, ὃς ὑπὲρ ἔστί τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circu-
lum, cuius est segmentum.

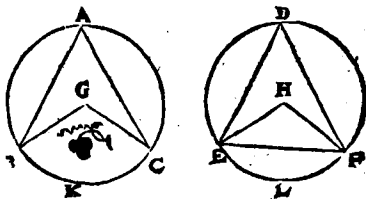


κ ς
Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι γωνίαι, ὡς ἴσων
πλευρῶν βεβήκασι, ἐάν τε πρὸς τοῖς κέντροις,
ἐάν τε πρὸς ταῖς πλευραῖς ὡς βεβήκασι.

Theor. 23. Propo. 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æ-

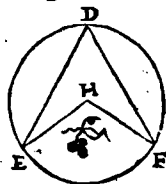
qualibus
periphe-
riis insitūt
sive ad cē-
tra, sive ad
periphe-
rias constituti insistant.



κζ
 ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὑπὸ ἴσων περιφερειῶν
 βεβηκῆναι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν, ἐάντε πρὸς
 τοῖς κέντροις, ἐάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥσι βε-
 βηκῆναι.

Theor. 24. Propo. 27.

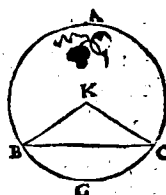
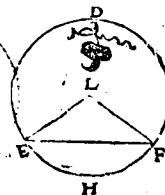
In æqualibus circulis, anguli qui æquali-
 bus peri-
 pheriis in-
 sistūt, sunt
 inter se æ-
 quales siue
 ad centra,
 siue ad peripherias constituti insistant.



κη
 ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ὑπὸ ἐνδεῖαι ἴσαι περιφε-
 ρείαις ἀφαιρέσει, πῶς ἢ μείζονα, τῇ μείζονι, πῶς ἢ
 ἐλαττονα, τῇ ἐλαττονι.

Theor. 25. Propo. 28.

In æqualibus circulis æquales rectę lineę
 æquales
 periphe-
 rias aufe-
 runt, maio-
 ρε quidē,
 maiori, mi-
 norem autem, minori.

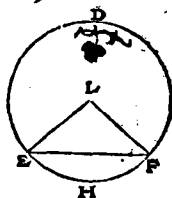
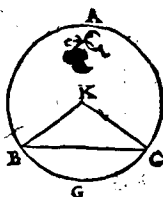


κθ

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις ἕως τὰς ἴσας περιφέρειας
ἴσαι εὐθεῖαι ἕως τείνουσιν.

Theor. 26. Propo. 29.

In æquali-
bus circu-
lis, æqua-
les peri-
pherias æ-
quales re-
ctæ lineæ subtendunt.

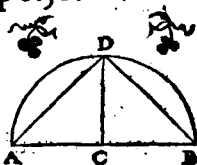


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν διχα τέμνῃ.

Problema 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bi-
fariam secare.



λα

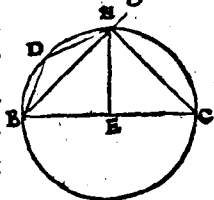
Ἐν κύκλῳ, ἢ ἡμικύκλιῳ γωνία ὀρθή ἐ-
στίν, ἢ ὅτι ἔσθ' ἡμικύκλιον, ἐλάττω ὀρθῆς,
ἢ ὅτι ἔσθ' ἐλάττω, μείζων ὀρθῆς : ὅτι ἐν ἡμικύκλιῳ
μείζοντος γωνία, μείζων ὅσιν ὀρθῆς, ἢ
ὅτι ἐλάττωτος γωνία, ἐλάττω ὅσιν ὀρθῆς.

Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, re-

B

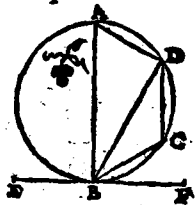
ctus est: qui autem in maiore segmento,
 minor recto: qui verò in minore segmen-
 to, maior est recto. Et in
 super angulus maioris se-
 gmēti, recto quidem ma-
 ior est: minoris autē seg-
 mēti angulus, minor est
 recto.

 $\lambda \beta$

Εἰς τὸν κύκλον ἐφάπτεται ἡ εὐθεῖα, ἀπὸ τῆς ἀφῆς
 αὐτῆς τὸν κύκλον διὰ τοῦ ὅτι εὐθεῖα τέμνει τὸν κύ-
 κλον· ὥς ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι
 εἶναι ταῖς ἐν τῇ ἐναλλάξ τῷ κύκλῳ τμήμασι
 γωνίαις.

Theor.28.Prop.32.

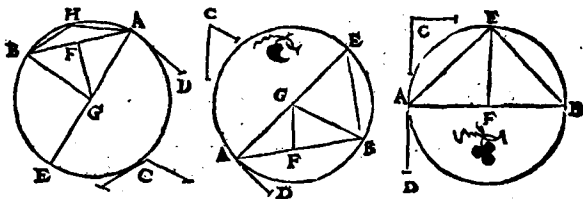
Si circulum tetigerit aliqua recta linea, à contactu autem producatuf quædam recta linea circulum secās: anguli quos ad contingēte facit, æquales sunt iis qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

 λy

Επί τῇ διορίσει ἐνθάδε γράψαι τμήμα κύκλου
 διχομήνου γωνίαν ἴσων τῇ διορίσει γωνίας ἐνδυ-
 γράμμου.

Probl.5.Prop.33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

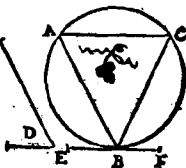


λ δ

Από τῆς δοθείνης κύκλου τμήμα ἀφελεῖν δεχόμενον γωνίαν ἴσιν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐν συστράμμενῳ.

Probl.6.Prop.34.

A dato circulo segmentum abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λ ε

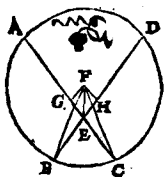
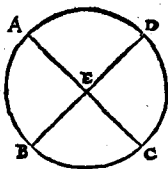
Ἐὰν αὖ κύκλῳ δύο ἐνθεῖναι τέμνωσιν ἀλλήλας, ὅτε ἄνω τῇ τῇ μᾶς τμημάτων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιους, ἴσον ὅτι ἔσθ' ἄνω τῇ τῇ ἑτέρας τμημάτων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιους.

Theor.29.Prop.35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

E ij

secuerint, rectangulum comprehensum
sub segmē-
tis vnius,
æquale est
ei, quod
sub segmē-
tis alterius
comprehenditur, rectangulo.



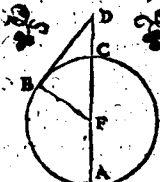
λς

Εἰς τὸν κύκλῳ ληφθεὶς ἢ σημείον ἐκ τῆς, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
πρὸς τὸν κύκλον περὶ πῶσι δύο εὐθείαι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῇ τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφάπτεται: ἔσται τὸ
ὑποὸ ὅλης τῆς τεμνύσης καὶ τῆς ἐκ τῶς ἀπολαμβανομέ-
νης μεταξύ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς τοῦ διφρεῖας,
ὑποεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς ἐφα-
πτομένης τετραγώνῳ.

Theor. 30. Propo. 36.

Si extra circulum sumatur punctum ali-
quod, ab eoque in circulum cadant duæ
rectæ lineæ, quarum altera quidem circu-
lum secer, altera verò tangat: quod sub to-
ta secante & exterius inter punctum &

cōuexam
periphe-
riam af-
sumpta
cōprehen-



ditur rectangulum, æquale erit ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λξ

Ἐὰν κύκλος ληφθῇ ὑπὸ σημείου ἐκ τῆς ἀρχῆς τῆς σημείας πρὸς τὸν κύκλον προωπίτωσι δύο ἐυθείαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ προωπίτῃ, καὶ ὁ ἄνω τῆς ὅλης τέμνεσθης, ὅ τ' ἐκ τῆς ἀπολαμβανόμενης μεταξὺ τῶν τε σημείων καὶ τῆς κυρτῆς τοῦ φρείας, ἴσον ᾖ τῇ προωπίτῃσθης. ἢ προωπίτῃσθης ἐφαρτάται τῷ κύκλῳ.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctum aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ linæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & convexam peripheriam assumpta, comprehenditur rectangulum, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidens ipsa circulum tæget.



Elementi tertii finis.

E iii



EYKΛEI-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΨΟΝ

ΤΕΤΑΡΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM QVARTVM.

ΟΡΟΙ.

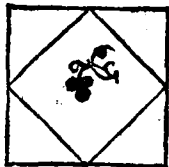
α,

Σ χῆμα ἐν δύνγραμμον εἰς χῆμα ἐν δύνγραμ-
μον ἐγγραφῆσαι λέγεται, ὅταν ἐκαστὴ τῶν
τῶν ἐπὶ τῶν φερόμενων χῆματ' ὁ γωνίῳ, ἐκαστὴς πλῆ-
ρῶς τῶν εἰς ὃ ἐγγραφεται ἀπλήτῃται.

DEFINITIONS.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cū singuli eius figu-
ræ quæ inscribitur, anguli
singula latera eius, in qua



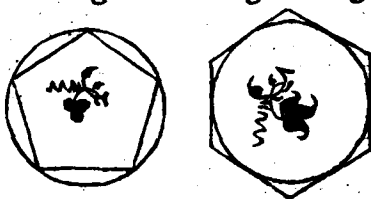
inscribitur, tangunt.

β

Σχῆμα ὁμοίως ποδὶ σχῆμα περιγράφεται λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς περιγραφομένης, ἐκάστης γωνίας τῆς ποδὶ ὁ περιγράφεται, ἀπῆται.

2

Similiter & figura circum figurā describi dicitur, quum singula eius quæ circum scribitur, latera singulos eius figuræ angulos tetigerint, circum quàm illa describitur.



γ

Σχῆμα ὁ ἐυθύγραμμορ εἰς κύκλον ἐγράφεται λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τῆς ἐγγραφομένης ἀπῆται τῆς κύκλου περιφέρειας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur, quum singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχῆμα ὁ ἐυθύγραμμορ ποδὶ κύκλου περιγράφεται λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς ποδὶ περιφέρειας, τῆς περιγραφομένης ἐφάπῃται.

E iii

4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quū singula latera eius, quę circū scribitur, circuli peripheriā tangūt.

ε

Κύκλος ὁμοίως εἰς χῆμα λέγεται ἐγράφεσθαι, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τῷ εἰς ὃ ἐγράφεται, ἀπῆται.

5

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tāgit eius figuræ, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος ὃ περιχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τῷ περι ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quū circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

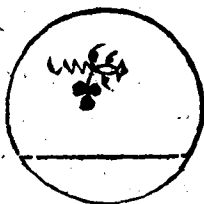
η

Εὐθεῖα εἰς κύκλον εἰσάγρεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς, ὑπὸ τῇ περιφέρειᾳ ἢ τῷ κύκλῳ.

7

Recta linea in circulo accommodari seu

coaptari dicitur, quā e-
ius extrema in circuli
peripheria fuerint.



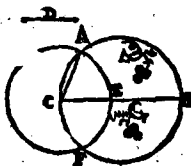
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ ὀρθείᾳ μὴ
μείζονι ὕψι τῇ κύκλου διαμέτρῳ, ἴσῳ διδῶν
ἐναρμόζει.

Probl. I. Propo. I.

In dato circulo, rectam li-
neam accommodare æ-
qualem datæ rectæ lineæ,
quæ circuli diametro nō
sit maior.

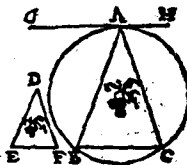


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥηγώνῳ
ἰσγώνιον ῥηγώνον ἐγγράφει.

Proble. 2. Propo. 2.

In dato circulo, triangu-
lum describere dato triā-
gulo æquiangulum.

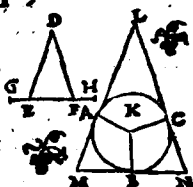


γ

Περὶ τοῦ δοθέντα κύκλου, τῷ δοθέντι ῥηγώνῳ
ἰσογώνιον ῥηγώνον περιγράφει.

Probl.3.Proop.3.

Circa datum circulum tri-
angulum describere da-
to triangulo æquiangu-
lum.

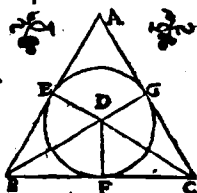


Δ

Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐγγράψαι.

Probl.4. Propo.4.

In dato triangulo circu-
lum inscribere.

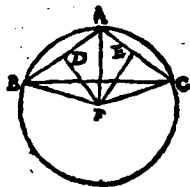
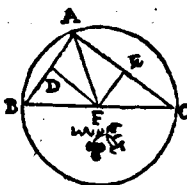


ε

Περί τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl..5. Propo.5.

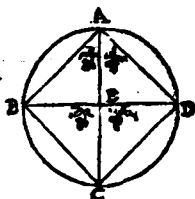
Circa datum triangulum, circulum def-
scribere.



5

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἐγγράψαι.

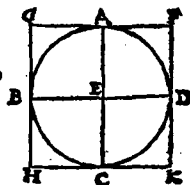
In dato circulo quadratū
 describere.



Γερί τῷ δοθέντι κύκλῳ, τετράγωνον περι-
 γράψαι.

Probl.7.Propo.7.

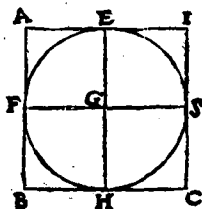
Circa datum circulum,
 quadratum describere.



Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐπιγράψαι.

Probl.8.Propo.8.

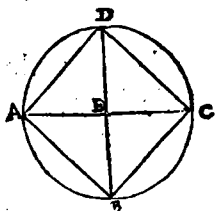
In dato quadrato circu-
 lum inscribere.



Γερί τῷ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγρά-
 ψαι.

Probl.9. Propo.9.

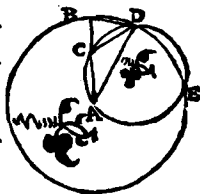
**Circa datum quadratū,
circulum describere.**



Ἰδοκελές ζήγωνομ συσπύσσαι, ἔχομ ἐκατέσσω
τ' πρὸς τῇ βάσει γωνίῳ, διπλασάονα τ' λοιπῆς.

Probl. 10. Propo. 10.

Iſoſceles triangulũ cõſtituere, quod habeat utrũque eorum, qui ad baſin ſunt, angulorum, duplum reliqui.

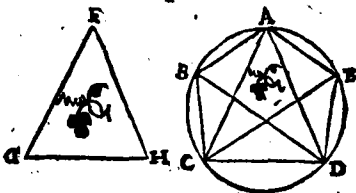


1α

Εἰς τὸν Πλαθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευ-
ρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐφράξαι.

Theor. II. Propo. II.

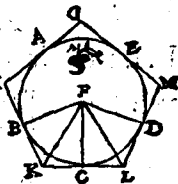
In dato cir-
culo, pen-
tagōnum
equilaterū
& æquian-
gulum in-
scribere.



περί τῷ δοθέντι κύκλῳ, πεντάγωνον ἰσοπλευρὸν τε & ἰσογώνιον περιγεράσαι.

Proble. 12. Propo. 12.

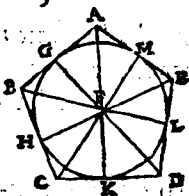
Circa datum circulum, pentagonum æquilaterū & æquiangulum describere.



Ἔστω τὸ δοθέν πεντάγωνον, ὃ ἔστι ἰσοπλευρὸν τε καὶ ἰσογώνιον, κύκλον ἐπεγεράσαι.

Proble. 13. Propo. 13.

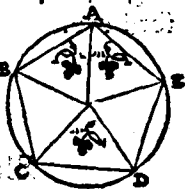
In dato pentagono æquilatero & æquiangulo, circulum inscribere.



περί τῷ δοθέντι πεντάγωνῳ, ὃ ἔστι ἰσοπλευρὸν τε & ἰσογώνιον, κύκλον περιγεράσαι.

Probl. 14. Propo. 14.

Circa datum pentagonū æquilaterum & æquiangu- lum, circulū describere.

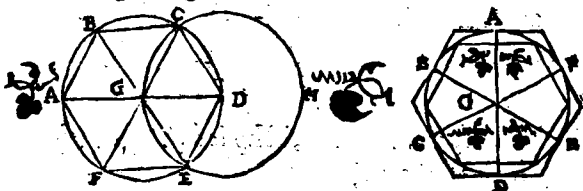


10

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσοπλευρὸν τε
ἰσογώνιον ἐγράψαι.

Probl. 15. Propo. 15.

In dato circulo hexagonū & æquilaterū
& equiangulū inscribere.

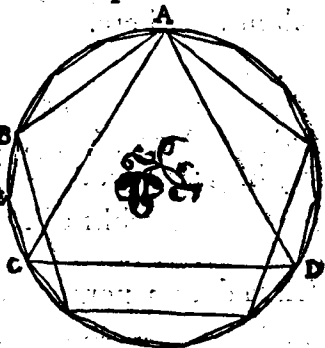


15

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πεντεκαίδεκάγωνον ἰσο-
πλευρὸν τε & ἰσογώνιον ἐγράψαι.

The or. 16. Propo. 16.

In dato circu-
lo quintideca-
gonū & æquila-
terum & æqui-
angulū de-
scribere.



Elementi quarti finis.



E Y K Λ EI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ
ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT- TVM QVINTVM.

ΟΡΟΙ.

^α
Mείζων ἐστὶ μέγεθος μέγιστον, ὃ ἐλάσσον τε μέ-
ζονος, ὅταν καταμετρηῖται ὁ μέζων.
DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis mi-
nor maioris, quā minor metitur maiorem.

β

Πολλὰς πλάτους, ὃς μείζον τῷ ἐλάσσονι, ὅταν
καταμετρηῖται ὁ μέζων ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος.

2

Multiplex autē est maior minoris, cūm
minor metitur maiorem.

γ

Λόγος ἐστὶ δύο μεγεθῶν ὁμογεωρήκατ' ἀπὸ πηλικό-

πῆτα πρὸς ἄλληλα ποιά χέσις.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam, secundum quantitatem habitudo.

Ἀναλογία δέ ἐστι, ἡ τῶν λόγων ὁμοιοτης.

4

Proportio verò, est rationū similitudo.

Λόγον ἔχειν πρὸς ἄλληλα μέγεθῃ λέγεται, ὅτε διαίεται πολλαπλασιαζόμενα ἀνὲν ἑαυτῶν ὑπὸ ῥέχειν.

5

Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicata sese mutuo superare.

5

Ἐρ ὅτε αὐτῶ λόγῳ μέγεθῃ λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς διδυτὸς ὁμοιότητι ἵπτον πρὸς τετάρτον, ὅταν τὰ τῶ πρῶτος καὶ τρίτος ἴσους πολλαπλασιασμοῖς, καὶ τῶ διδυτέρου καὶ τετάρτου ἴσους πολλαπλασιασμοῖς ἀθι ὁποιοῦν πολλαπλασιασμοῦ, ἐκαστὸν ἑαυτέρας ἢ ἅμα ἐλείπη, ἢ ἅμα ἴσῃ, ἢ ἅμα ὑπὸ ῥέχει ληφθέντα κατὰ ἄλληλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,

quartā:cūm primæ & tertiæ æquè multiplicia à secūde & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, utrunque ab utroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea sumantur quæ inter se respondent.

τὰ ὅτι ἂν αὐτὸν ἔχοντα ἴσῃ λόγον, ἀνάλογον καλεῖσθαι.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

Ὅταν ὅτι ἴσῃς πολλαπλασίων, ὅτι ἢ τῆ πρώτης πολλαπλάσιον ὑποδέχῃ τῆ δυνάμεως πολλαπλασίον, ὅτι ὅτι τῆ τρίτης πολλαπλάσιον, μὴ ὑποδέχῃ τῆ δυνάμεως πολλαπλασίον, τότε πρῶτον πρὸς τὸ δυνάμεως μείζονα λόγον ἔχει λέγεσθαι, ἢ ὅτι τῆ τρίτης πρὸς τὸ τέταρτον.

8

Cūm verò æquè multipliciū, multiplex primæ magnitudinis excefferit multiplicem secundæ, ac multiplex tertiæ non excefferit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

9

Ἀναλογία ὅτι εἰ τρεῖς ὁμοῖς ἐλαχίστοις ὄντι.

F

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Ὅταν ἡ τρεῖς μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, ἡ πρώτη πρὸς τὴν τρίτην, διπλασίου λόγον ἔχῃ λέγεται, ἢ πρὸς πρὸς τὴν διώττον. Ὅταν ἡ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, ἡ πρώτη πρὸς τὴν τέταρτην, τριπλασίου λόγον ἔχει λέγεται, ἢ πρὸς πρὸς τὴν διώττον, καὶ αἱ ἐξῆς ἐνὶ πλεῖον, ἕως ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχη.

Cum autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cum quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

Ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγόμενα τοῖς ἡγούμενοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò

consequentibus.

^{ιβ}
Εναλλάξ λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ἡγούμενῳ πρὸς τὸ
ἡγούμενον, ἐπὶ τῷ ἐπομένῳ πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alternata ratio, est sumptio antecedētis cō-
parati ad antecedentē, & consequentis
ad consequentem.

vel $\frac{a}{b} \frac{c}{d}$
 $\frac{a}{b} \frac{c}{d}$

^{ιγ}
Αἰσώπαιον λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ἐπομένῳ ὡς ἡγα-
μένῳ, πρὸς τὸ ἡγούμενον ὡς ἐπόμενον.

13

Inuersa ratio, est sumptio consequentis,
ceu antecedentis, ad antecedentem velut
ad consequentem.

vel $\frac{c}{a} \frac{d}{b}$
 $\frac{c}{a} \frac{d}{b}$

^{ιδ}
Συνώθεσις λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ἡγούμενῳ μετὰ τῷ
ἐπομένῳ ὡς ἐνὸς πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antece-
dentis cum consequente ceu vnius, ad
ipsum consequentem.

vel $\frac{a}{b} \frac{c}{d}$
 $\frac{a}{b} \frac{c}{d}$

^{ιε}
Διαίρεσις ὁ λόγος, ὅστις ληΐται τῷ ὑποδοχῆς, ἢ ὑπε-
ρέχει τὸ ἡγούμενον τῷ ἐπομένῳ, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπό-
μενον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus

seu diuisiō

F ij

$\frac{a}{b} - \frac{b}{b}$ vel $\frac{a-b}{b}$

quo consequentem superat antecedēs
ad ipsum consequentem.

15

Αναστροφὴ λόγου, ὅτι ἡ ἑκαστὴ ἡγεμένη πρὸς πλεον
ὑποδοχὴν, ἢ ὑποδέχεται τὴν ἡγεμένην ἐπομένην.

16

Conuersio rationis, est sumptio antecce-
dentis ad excessum, quo superat antecce-
dens ipsum consequentem.

17

Διῖς λόγῳ ὅτι πλὴθὺν ὄντων μεγεθῶν, εἰ ἄλλων
αὐτοῖς ἴσων τὴν πλὴθος συν δύο λαμβανομένων
ἢ εἰ ἑκάστῳ αὐτῶν λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, τὴν πρῶτον πρὸς τὴν ἑξῆς, ὥτως ἐν τοῖς διδυ-
τέροις μεγέθεσι, τὴν πρῶτον πρὸς τὴν ἑξῆς. ἢ ἄλ-
λως, ἡ ἑκαστὴ τῶν ἁκρῶν, καθ' ὑπεξαιρέσιν τῶν
μέσων.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus
sint magnitudines, & his aliæ multitudine
pares quæ binæ sumantur, & in eadem
ratione: quum vt in primis magnitudi-
nibus prima ad vltimā, sic & in secundis
magnitudinibus prima ad vltimam sese
habuerit. vel aliter, sumptio extremorū
per subductionem mediorum.

18

Τεταγμένη ἀναλογία ὅτι, ὅταν ἢ ὡς ἡγεμένη πρὸς ἐπόμενον, ὥτως ἡγεμένη πρὸς τὴν ἐπόμενον, ἢ

ὅτι ὡς ἐπομνιον πρὸς ἄλλο ἢ ἕτως ἐπομνιον πρὸς ἄλλο ἢ.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quē-
admodum antecedens ad consequen-
tem, ita antecedens ad consequētē: fue-
rit etiam ut consequēs ad aliud quidpiā,
ita consequens ad aliud quidpiam.

18

Τεταραγμένη ἡ ἀναλογία ὅτι μὲν οὕτως τριῶν ὄντων
μεγεθῶν, ἢ ἁλωμίσαν αὐτοῖς εἰς πλήθος γί-
νεται ὡς ἂν εἰ τοῖς πρώτοις μεγέθεσι καὶ ἡγεμνιον
πρὸς ἐπομνιον ἕτως εἰ τοῖς δευτέροις μεγέθεσι,
ἢ ἡγεμνιον πρὸς ἐπομνιον: ὡς δ' εἰ τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι καὶ ἐπομνιον πρὸς ἄλλο ἢ, ἕτως εἰ τοῖς δευ-
τέροις μεγέθεσι καὶ ἄλλο ἢ πρὸς ἡγεμνιον.

19

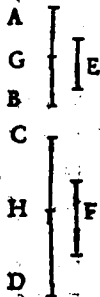
Perturbata autem proportio est, tribus
positis magnitudinibus, & aliis quæ sint
his multitudine pares, cū ut in primis
quidem magnitudinibus se habet ante-
cedens ad consequentem, ita in secun-
dis magnitudinibus antecedens ad con-
sequentem: ut autem in primis magnitu-
dinibus cōsequens ad aliud quidpiam, sic
in secundis magnitudinibus aliud quid-
piam ad antecedentem.

Προτάσεις.

Εὰν ἡ ὁποῦν μεγέθῃ, ἑποσωνοῦν μεγέθῳ ἴ-
σων τῷ πληθὺς, ἑκαστομένάσδε ἰσῆς πολλαπλά-
σιον, ὅτε πλάσιον ὅσον ἐν τῇ μεγέθῳ ἐνός, τοῦ
ταπλάσια, ἔσται καὶ τὰ πάντα τῇ πάντων.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcūque magnitudines A
quotcūque magnitudinū æqua- G
lium numero, singulæ singularū B
æquè multiplices, quàm multi- C
plex est vnius vna magnitudo,
tam multiplices erunt & omnes H
omnium.



Εὰν πρῶτον διδυτέρῃ ἰσῆς ἢ πολλαπλάσιον καὶ
τρίτον τετάρτη, ἢ ὅ καὶ πέμπτον διδυτέρῃ ἰσῆς
πολλαπλάσιον, ἢ ἕκτον τετάρτη καὶ σὺν τε δὲ
πρῶτον καὶ πέμπτον, διδυτέρῃ ἰσῆς ἔσται πολλα-
πλάσιον, καὶ τρίτον ἢ ἕκτον τετάρτη.

Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secūde æquè fue-
rit multiplex, atque tertia
quartæ, fuerit autem & B
quinta secūde æquè mul-
tiplex, atq; sexta quartæ:
erit & composita prima



cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atque tertia cum, sexta quartæ.

Ἐὰν πρῶτον διωτέρῃ ἰσότης ἢ πολλαπλάσιον, ἢ τρίτον τετάρτῃ, ληφθῇ ἢ ἰσότης πολλαπλάσια, ἢ πρώτη ἢ τρίτῃ, καὶ διπλῶς, τῷ ληφθέντων ἐκάτερον ἐκατέρῃ ἰσότης ἔσται πολλαπλάσιον, ὅς ἐστι τῷ διωτέρου, ὃ ἢ τῷ τετάρτῃ.

Theor. 3. Propo. 3.

Si sit prima secundæ æquæ multiplex atq; tertia quartæ, sumantur autem æquæ multiplices primæ & tertiæ: erit & ex æquo sumptarum utraque utriusque æquæ multiplex, altera quidem secundæ, altera autem quartæ.



ἢ

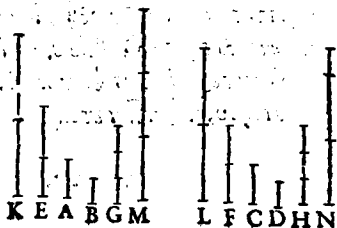
δι

ἂν πρῶτον πρὸς διωτέρον ἢ αὐτὸν ἔχη λόγον, καὶ τρίτον πρὸς τετάρτον: ἢ τὰ ἰσότης πολλαπλάσια τῷ τε πρώτῃ καὶ τρίτῃ, πρὸς τὰ ἰσότης πολλαπλάσια τῷ διωτέρῃ καὶ τετάρτῃ καθ' ὅποιον αὐτῶν πολλαπλασιασμοῖν, ὃν αὐτὸν ἔξῃ λόγον ληφθέντα καταλλήλῃ.

F iiii

Theor. 4. Propo. 4.

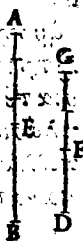
Si prima ad secundam, eandem habuerit
rationem, & tertia ad quartam: etiam æ-
què multipli-
ces primæ &
tertiæ, ad æ-
què multipli-
ces secundæ
& quartæ iu-
xta quavis
multiplicatio-
nem, eandem habebunt rationem, si pro-
ut inter se respōdent, ita sumptæ fuerint.



Ἐὰν μέγεθος μέγεθος ἴσῃς ἢ πολλαπλασίον, ὅτε ἀφαίρεσεν ἀφαίρεσέντος, καὶ ὅλοιον ἢ ὅλοιον ἴσῃς ἢ πολλαπλασίον, ὅτε ἀπλάσειον ὅτε ὅλον ἢ ὅλον.

Theor. 5. Propo. 5.

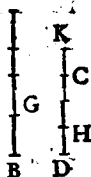
Si magnitudo magnitudinis
æquè fuerit multiplex, atque
ablata ablatæ: etiam reliqua
reliquæ ita multiplex erit, ut to-
ta totius.



Ἐὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσότης ἢ πολλαπλάσια, ὁ ἀφαιρέδενται ἕνα τῇ αὐτῇ ἰσότης ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἰσοῦσι, ἢ ἰσότης αὐτῇ πολλαπλάσια.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiples, & detractæ quedā sint earundē æquè multiples: & reliquæ eisdē æquales sunt, autæquè ipsarum multiples.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ ἔχον αὐτὸν λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor. 7. Propo. 7.

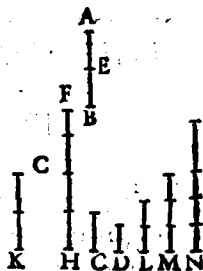
Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.



Τῶν ἀνίσων μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ ἐλάττω: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐλάττω μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὸ μείζον.

Theor.8.Propo.8.

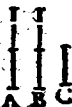
Inæqualium magnitudi-
num, maior ad eandem
maio rem rationem ha-
bet, quàm minor: & ea-
dem ad minorem, maio-
rẽ rationẽ habet, quàm
ad maiorem.



τὰ πρὸς εἰς αὐτὸ ἴσα ἔχοντα λόγον, ἢ ἀλλή-
λοις ὅτι: καὶ πρὸς αὐτὸ εἰς αὐτὸ ἴσα ἔχει λόγον, καί-
κεῖνα ἴσα ἀλλήλοις ὅτι.

Theor.9.Propo.9.

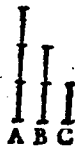
Quæ ad eandem, eandem habent ra-
tionẽ, æquales sunt inter se: & ad
quas eadem, eandem habet ra-
tionem, ex quoque sunt inter se
æquales.



Τῶν πρὸς εἰς αὐτὸ λόγον ἔχοντα, τὸ ἴσιν μείζονα λό-
γον ἔχον, ἐκεῖνο μείζον ὅτι. πρὸς δὲ εἰς αὐτὸ μεί-
ζονα λόγον ἔχει, ἐκεῖνο ἐλάττω ὅτι.

Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, rationē habentiū, quæ maiorem rationem habet, illa maior est. ad quā autem eadem maiorem rationē habet, illa minor est.



1α

Οἱ τῶν αὐτῶν λόγοι οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eisdē sunt eisdē rationes, & inter se sunt eedem.



1β

Ἐὰν ᾖ ὑποβάθῃ μεγέθῃ ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῇ ἡγεμένῳ, πρὸς ἐν τῇ ἐπομένῳ, ὥστε ἅπαντα τὰ ὑγόμενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theor. 12. Propo. 12.

Si sint magni-
tudines quot-
cūque propor-
tionales, quē-
admodū se ha-
buerit vna an-
tecedētium ad



vnā consequentium, ita se habebunt
omnes antecedēs ad omnes consequē-
tes.

Ἐὰν πρῶτην πρὸς δευτέραν ἢ αὐτὴν ἔχῃ λόγον καὶ
τρίτην πρὸς τέταρτην, τρίτην ὅτι πρὸς τέταρτην μα-
ζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὅτι ὡς ἐμπύου πρὸς ἑκτὴν καὶ πρῶ-
την πρὸς δευτέραν μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὅτι ὡς ἐμ-
πύου πρὸς ἑκτὴν.

Theor. 13. Propo. 13.

Si prima ad secundā, eādē habuerit ratio
nē, quā tertia ad quartā, tertia verō ad
quartā, maiorē
rationē habue-
rit, quā quinta
ad sextā; pri-
ma quoque ad
secundā maio-
rē rationē habebit, quā quinta ad sextā.



101

Ἐὰν πρῶτον πρὸς δευτέρου ὅν αὐτ' ἔχη λόγον,
καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τὸ ὑπὸ πρῶτου ἢ τρίτου μεί-
ζου ἢ καὶ δὲ δευτέρου τῆς τέταρτης μείζου ἔσται, καὶ
ἐλαστον, ἐλαστον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si prima ad secundam eandem habue-
rit rationem, quam tertia ad quartam,
prima verò quàm tertia maior fuerit: e-
rit & secunda maior quàm
quarta. Quod si prima fuerit
æqualis tertiæ, erit & secunda
æqualis quartæ: si verò minor,
& minor erit.

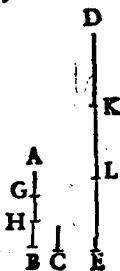


102

Τὰ μέρη, ὅτις ὡσαύτως πολλαπλασιάσις ὅν αὐτ' ὅν
ἔχει λόγον, λαμβάνεται κατάλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

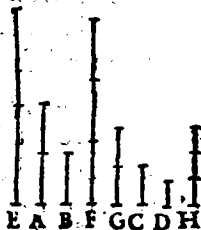
Partes, cum pariter mul-
tiplicibus in eadem sunt
ratione, si prout sibi mu-
tuo respondent, ita su-
mantur.



Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογοι ᾖ, καὶ ἀλλάξαι
τάλογον ἔσται.

Theor. 16. Propo. 16.

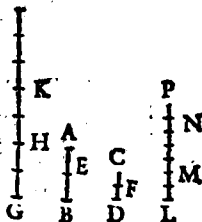
Si quatuor magnitudi-
nes proportionales fue-
rint, & vicissim pro-
portionales erunt.



Ἐὰν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογοι ᾖ, καὶ διατεθέν-
τα, ἀνάλογοι ἔσται.

Theor. 17. Propo. 17.

Si compositæ magni-
tudines proportiona-
les fuerint, hæ quo-
que diuisæ proportio-
nales erunt.



Ἐὰν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ σωτεθέν-
τα ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 18. Propo. 18.

Si diuifæ magnitudines ſint
proportionales, hæ quoque
compoſitæ proportionales e-
runt.



Ἐάν τις ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, ὕτως ἀφαιρεθέν πρὸς ἀ-
φαιρεθέν: καὶ τ' λοιπὸν πρὸς τ' λοιπὸν ἔσται, ὡς ὅ-
λον πρὸς ὅλον.

Theor. 19. Propo. 19.

Si quemadmodum totum ad
totum, ita ablatum ſe habue-
rit ad ablatum: & reliquum
ad reliquum, vt totum ad to-
tum ſe habebit.

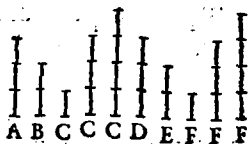


κ

Ἐάν τις τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα τε πληθους,
σύνδυο λαμβανόμενα, ἐν τριῶν αὐτῶν λόγῳ, διί-
σιν ὅς πρῶτον τε τρίτον μείζον τις: καὶ τ' τέταρτον
τῷ ἑκτῷ μείζον ἔσται: καὶ ἴσον, ἴσον: καὶ ἔλαττον
ἐλάττον.

Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & alia ipsiſ æ-
quales numero,
quæ binæ & in ea-
dem ratione ſumã-
tur, ex æquo autẽ
prima quàm ter-
tia maior fuerit: e-



rit, & quarta, quàm ſexta maior. Quòd ſi
prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quar-
ta æqualis ſextæ: ſin illa minor, hæc quo-
que minor erit.

κα

Ἐὰν ᾖ τρεῖς μέγεθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα ὁπλῆθος
συνδυο λαμβανόμενα, εἰς ἑξῆς αὐτοῖς λόγῳ, ἢ ὃ
τέταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, εἴσῃ δὲ τὸ πρῶ-
τον τῶ τρίτῳ μείζον ἢ: εἰ δὲ τέταρτον τῶ ἐκτε-
μείζον ἔσται: καὶ ἰσοῦ, ἰσοῦ: καὶ ἑλάσσον, ἑλάσσον.

Theor. 21. Propo. 21.

Si ſint tres magni-
tudines, & alia ip-
ſiſ, æquales nume-
ro quæ binæ & in
eadẽ ratioẽ ſumã-
tur, fueritque per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autē prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κ β

Ἐὰν ᾖ ὁ ποταοῦν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰ πλεονος, συνδυο λαμβανόμενα ἐν τριῶν αὐτῶ λόγῳ, εἰδίσει ἐν τριῶν αὐτῶ λόγῳ ἔσαι.

Theor.22. Propo.22.

Si sint quotcūque magnitudines, & alix ipsis æquales numero, quæ binæ in eadē ratione sumātur, & ex æqualitate in eadem ratione erunt.



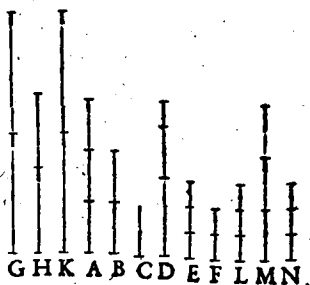
α γ

Ἐὰν ᾖ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰ πλεονος, συνδυο λαμβανόμενα ἐν τριῶν αὐτῶ λόγῳ, ᾖ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, καὶ εἰδίσει ἐν τριῶν αὐτῶ λόγῳ ἔσαι.

G

Theor.23. Propo.23.

Si sint tres magnitudines, a-
liæque ipsis æ-
quales nume-
ro, quæ binæ in
eadem ratio-
ne sumantur,
fuerit autem
perturbata ea-



rum proportio: etiam ex æqualitate in
eadem ratione erunt.

κ δ

Εὰν πρῶτον πρὸς διττὸν ᾖ ἡ αὐτὸν ἔχει λόγον
καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχει ὅτι πέμπτον πρὸς
διττὸν ᾖ ἡ αὐτὸν λόγον, ὅτι ἕκτον πρὸς τέταρτον:
ὅτι σωτὴρ πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς διττὸν
ᾖ ἡ αὐτὸν ἔχει λόγον, ὅτι τρίτον καὶ ἕκτον πρὸς τέ-
ταρτον.

Theor.24. Propo.24.

Si prima ad secundam, ean-
dem habuerit rationem, quā
tertia ad quartam, habuerit
autem & quinta ad secundā
eandem rationē, quam sex-
ta ad quartam: etiam cōposi-
ta prima cum quinta ad se-



cundam eandem habebit rationem, quā
tertia cum sexta ad quartam.

κε

Ἐὰν τέσσαρα μέγεθῃ ἀνάλογον ἦ, ὃ μέγιστον
καὶ ὃ ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά ᾖ.

Theor. 25. Propo. 25.

Si quatuor magnitudines
proportionales fuerint,
maxima & minima reli-
quis duabus maiores erūt.



Elementi quinti finis.

G ii



E' Y K Λ E I-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM SEXTVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Ὅμοια σχήματα δι' ὁμογραμμά εἰσιν, ὅσα τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχει κατὰ μίαν, καὶ τὰς πρὸς τὰς
ἴσας γωνίας πλυράς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilinéæ, sunt quæ &
angulos singulos singulis æquales habēt,
atque etiam latera, quæ circum angulos
æquales, proportionalia.

β

Αντιπεποιθότα ἢ χήματά ὄντι, ὅταν ἐκατέρω τ' χημάτων ἡγέμενοί τε καὶ ἐπομένοι λόγοι ὦσι.

2

Reriprocae autem figuræ sunt, cùm in utraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Ἄκρον καὶ μέσον λόγον διδεῖα τετμηθαι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἡ ὅλη πρὸς τ' μείζον τμήμα, ἢ τὸς τ' μείζον πρὸς τ' ἑλάσσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Ὑψος ἔστι παντὸς χήματος, ἡ ἀπὸ τ' κορυφῆς ὑπὸ τῷ βάσει καθετῷ ἀγομένη.

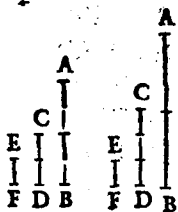
4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγῳ ἐκ λόγων συγχεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τ' λόγων πληρότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι ποιῶσιν ἓνα λόγον.

5
Ratio ex rationibus cō-
poni dicitur, cū ratio-
nū quantitates inter se
multiplicatæ aliquam ef-
fecerint rationem.

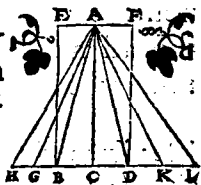


Προτάσεις.

α
Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἑξ ἑ-
στ' αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλας ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Propo. 1.

Triangula & parallelo-
gramma, quorum eadem
fuerit altitudo, ita se ha-
bent inter se ut bases.

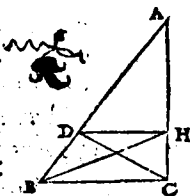


β
Ἐὰν τρίγωνον παρὰ μίαν τῇ πλυνῶν ἀχθῇ ὡς
θιθεῖα παράλληλῳ, ἀνάλογον τεμεῖται τὰς τῷ
γῶνι πλυνῶν. καὶ ἔὰν αἱ τῷ τρίγωνον πλυνῶν ἀνά-
λογον τεμεῖται, ἢ ὡς τὰς ῥαμὰς ὑπερθεγνυμένη
θιθεῖα, παρὰ τῷ λοιπῷ ἔσται τῷ τρίγωνον πλυν-
ρὰν παράλληλῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si ad unum trianguli latus parallela du-

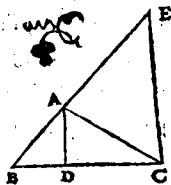
ἔτα fuerit recta quædam linea : hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera . Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint : quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea , erit ad reliquum ipsius trianguli latus parallela.



Εάν ζιγώνη γωνία διὰ τμήν^γθ, ἢ τέρμιν^γθ πῶ γωνίαν διδῆα τέμνη^γθ πῶ βάσιν, τὰ αὖ βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξειλόμ^γταῖς λοιπαῖς τῷ ζιγώνη πλῆραῖς. καὶ ἂν τὰ αὖ βάσεως τμήματα, ὅταν τῷ ἔχῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς τῷ ζιγώνη πλῆραῖς, ἀπὸ αὐτῆς κορυφῆς αὐτῶν πῶ τῶν ἐπιζυγυμένων ὁθεῖα διὰ τέμνη^γθ πῶ τῷ ζιγώνη γωνίαν.

Theor. 3. Propo. 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basim : basis segmenta eandem habebunt rationem , quam reliqua ipsius trianguli latera . Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera , recta li-



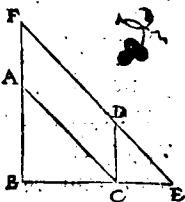
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius an-
gulum.

δι

Τῶν ἰσογώνων ῥιγώνων, ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευ-
ραὶ αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ πρὸς
τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνονται πλευραί.

Theor. 4. Propo. 4.

Æquiangulorum triangulorum propor-
tionalia sunt latera, quæ
circum æquales angulos,
& homologa sunt late-
ra, quæ æqualibus angu-
lis subtenduntur.

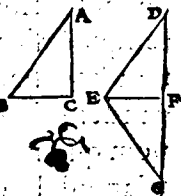


ε

Ἐὰν δύο ῥιγώνια τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ,
ἰσογώνια ἔσονται τὰ ῥιγώνια, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας
ὕφ' ἃς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνονται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triāgula latera proportionalia ha-
beant, æquiangula erunt
triangula, & æquales ha-
bebunt eos angulos, sub
quibus & homologa late-
ra subtenduntur.



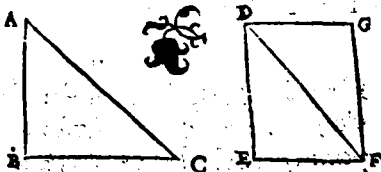
5

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μὴ γωνία ἴσην ἔχῃ,
 ποῦ δὲ ἡ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, ὅ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας,
 ὅφ' αἱ αἰ ὁμέλοιοι πλευραὶ ἄποτείνουσιν.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangula

erunt triangula, æqualésque habebunt angulos,



sub quibus homologa latera subtenduntur.

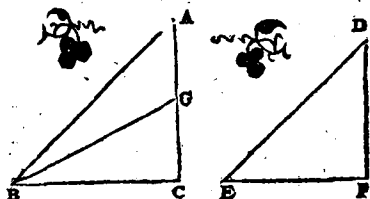
ζ

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μὴ γωνία ἴσην ἔχῃ,
 ποῦ δὲ ἡ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλο-
 γον, ἢ ὅλοι πῶν ἑνατέρων αἱ μὲν ἢ τοὶ ἐλάσσονα ἢ μὴ
 ἐλάσσονα ὁρῶν, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας
 ἔξει τὰς γωνίας, ποῦ δὲ αἱ ἀνάλογοι εἰσὶν αἱ
 πλευραί.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angu-

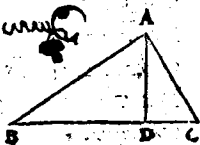
los latera proportionalia habeant, reli-
quorum verò simul vtrunque aut mino-
rem aut nō minorem recto: æquiangula
erūt trian-
gula, & ε.
quales ha-
bebunt
eos angu-
los, circū
quos proportionalia sunt latera.



Ἐὰν εἰς ὁρθογωνίῳ ῥιζώνῳ, ἀπὸ τοῦ ὁρθογώνου γωνίας ὑπὸ
τῷ βάσει καθεύτης ἀχθῇ, τὰ πρὸς τῇ καθεύτῃ τε
γωνία ὁμοιάσῃ τῇ τε ὅλῃ, καὶ αἰμύλοις.

Theor.8.Propo.8.

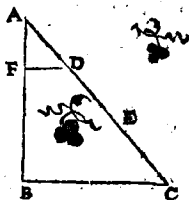
Si in triangulo rectangulo, ab angulo re-
cto in basin perpendicu-
laris ducta sit, quæ ad per-
pendicularem triangula,
tum toti triangulo, tum
ipsa inter se similia sunt.



τῆς ὁρθογωνίου ὁρθογώνου καὶ πρὸς ταχὺν μέρος ἀ-
φελείν.

Proble.1.Propo.9.

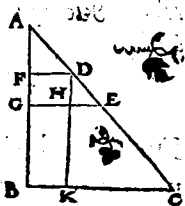
A data recta linea imperatam partem auferre.



Τὴν ἀποθεῖσαν διθεῖαν ἄτμητον, τῇ ἀποθείσῃ διθείᾳ τετμημένῃ ὁμοίως τεμεῖν.

Problema 2. Propo. 10.

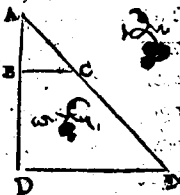
Datam rectam lineā insectam similiter secare, vt data altera recta secta fuerit.



Δύο ἀποθείσων διθεῖων, τρίτῳ ἀνάλογον πρὸς ἀρεῖν.

Probl.3.Propo.11.

Duab⁹ datis rectis lineis, tertiam proportionalem adinuencire.

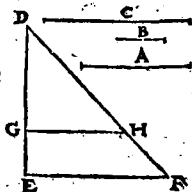


ιβ

Τριῶν δοθεῖσιν εὐθείῃς, τετάρτῃ ἀνάλογον προσθερεῖν.

Probl.4.Propo.12.

Tribus datis rectis lineis, quartam proportionalē adinuenire.

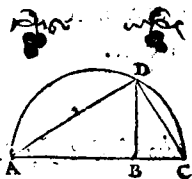


ιγ

Δύο δοθεῖσιν θείαις, μέσλῃ ἀνάλογον προσθερεῖν.

Probl.5.Proposi.13.

Duabus datis rectis lineis, mediam proportionalem adinuenire.

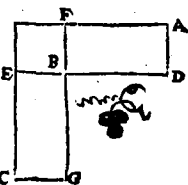


ιδ

Τῶν ἰσωρ τε καὶ μίαν μὲν ἴσῃ ἐχόντων γωνίας παραλληλογραμμῶν, ἀντιπεπόμεναι πλῆθραι αἱ πρὸς ταῖς ἴσας γωνίας· εἰ δὲ παραλληλογραμμῶν μίαν μὲν ἴσῃ ἐχόντων γωνίας, ἀντιπεπόμεναι πλῆθραι, αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας, ἴσας εἶναι ἐκείνας.

Theor. 8. Propo. 14.

Æqualium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vñ angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

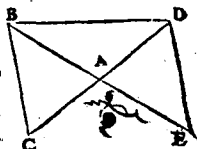


12

Τῶν ἴσων, καὶ μίαν μὲν ἴσων ἔχόντων γωνίαν ἑξισώ-
ντων ἀντιπεπόμενα εἰς αἰ πλῆθυσιν, αἱ ἀλλήλους ἴσας
γωνίας: καὶ ὅν μίαν μὲν ἴσων ἔχόντων γωνίαν ἀντι-
πεπόμενα εἰς αἰ πλῆθυσιν αἱ ἀλλήλους ἴσας γωνίας,
ἴσες εἰσὶν ἐκεῖνα.

Theor. 10. Propo. 15.

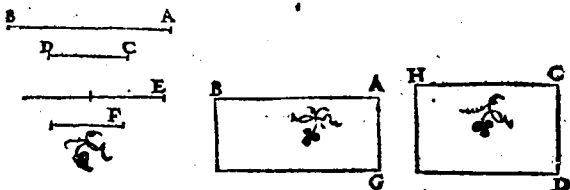
Æqualium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulū vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Ἐὰν τέσσαρες ἐνθεῖαι ἀνάλογον ᾧσι, τ' ἄνω τῶν ἄκρων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιου ἴσους, ὅτι τῶν ἄνω τῶν μέσων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιου εἰς τὸ ἄνω τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὁρθογώνιον ἴσους ἢ τῶν ἄνω τῶν μέσων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιου, αἱ τέσσαρες διθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. II. Propo. 16.

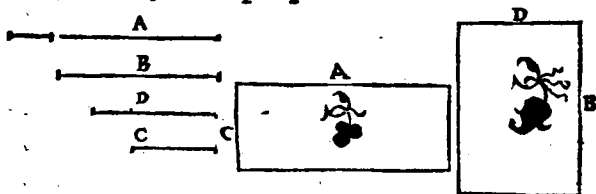
Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis comprehenditur rectangulum æquale est ei, quod sub mediis comprehenditur rectangulo. Et si sub extremis comprehensum rectangulum æquale fuerit ei, quod sub mediis continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.



Ἐὰν βεῖς διθεῖαι ἀνάλογον ᾧσι, τ' ἄνω τῶν ἄκρων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιου ἴσους, ὅτι τῶν ἄνω τῶν μέσων τετραγώνων, καὶ εἰ τ' ἄνω τῶν ἄκρων πρὸς τοὺς ὁρθογώνιου ἴσους ἢ τῶν ἄνω τῶν μέσων τετραγώνων, αἱ τρεῖς ἐνθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor.12.Propo.17.

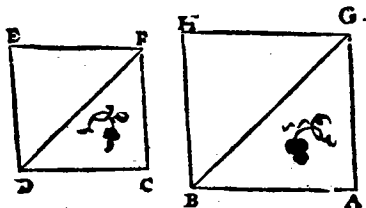
Si tres rectæ lineæ sint proportionales,
quod sub extremis comprehenditur re-
ctangulum æquale est ei, quod à media
describitur quadrato: & si sub extremis
comprehensum rectangulum æquale sit
ei quod à media describitur quadrato, il-
læ tres rectæ lineæ proportionales erunt.



Από τῆς Πεδείσεως ἐνθείας, τῶν Πεδείων ἐνδυτράμ-
μα ὁμοίων καὶ ὁμοίως κείμενων ἐνδυτράμμοι ἀνα-
γρῆται.

Probl.6.Propo.18.

A data re-
cta linea,
dato recti
lineo simi-
le simili-
térque po-
situm rectilineum describere.

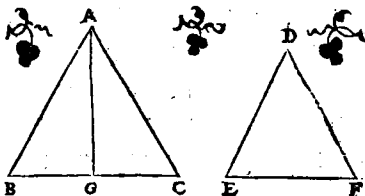


10

Τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἄλληλα εἰς διπλασίονι λόγῳ ἢ τῇ ὁμολογῶν πλευρῶν.

Theor. 13. Propo. 19.

Similia tri-
angula in-
ter se sunt
in duplica-
ta ratione
laterū ho-
mologorum.

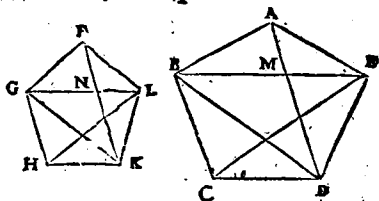


κ

Τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια τρίγωνα διαίρεται, καὶ εἰς ἕνα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τῆς ὁλοῦς καὶ τὸ πολύγωνον διπλασίονα λόγῳ ἔχει, ἢ πρὸς ἡ ὁμόλογον πλευρὰ πρὸς πῶς ὁμόλογον πλευρῶν.

Theor. 14. Propo. 20.

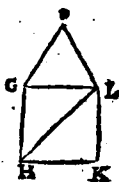
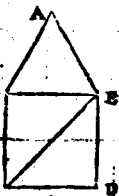
Similia po-
lygona in
similia tri-
angula di-
viduntur,
& nume-
ro æqua-
lia, & ho-
mologa to-
tis. Et po-
lygona du-



C

plicatam

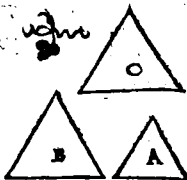
plicatā ha-
bent eam
inter se ra-
tionem,
quā latus
homolo-
gum ad homologum latus.



κα
τὰ τὴν αὐτὴν δι' ὁμογράμμων ὁμοία, ὅ ἀλλήλοις
ἔστιν ὁμοία.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidē rectilineo sunt
similia, & inter se sunt si-
milīa.



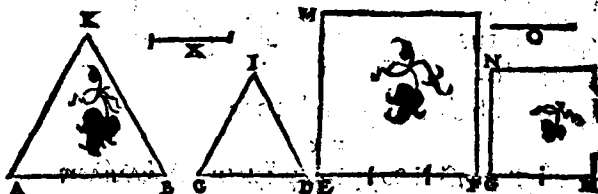
καβ
Ἐὰν τέσσαρες διδῶται ἀνάλογον ὥσιν, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν ἐν ὁμογράμμοις ὁμοία τε ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἔσται. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν δι' ὁμογράμμων ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἢ, καὶ αὐταὶ αἱ διδῶται ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 16. Propo. 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similia similiterque descripta proportionalia erunt. Et si à rectis lineis similia similiterque

H

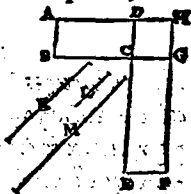
descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



κ γ
τὰ ἰσοσώνια παραλληλόγραμμα
πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει τ' συσκέι-
μμεν ἐκ τῶν πλάττων.

Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogramma inter se rationē habent eam, quæ ex lateribus componitur.

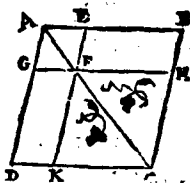


κ δ
Πάντες παραλληλόγραμμοι τὰ πρὸς τὴν διὰ μέ-
σου παραλληλόγραμμοι, ὁμοίω ὅτι ὅτι τε ἑλθὼν
ἀλλήλοις.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogrammo, quæ circa dia-

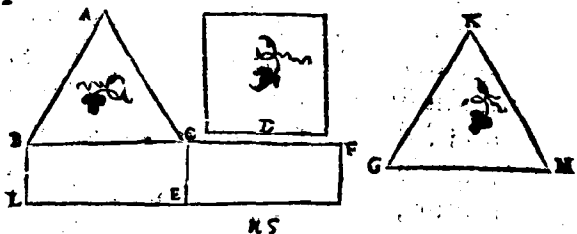
metrum sunt parallelo-
gramma, & toti & inter
se sunt similia.



Ἡ δὲ διὰ τὴν ἐνδοτεταγμένην ὁμοίαν, καὶ ἄλλαν τὴν διὰ
τὴν ἐνδοτεταγμένην ὁμοίαν, καὶ ἄλλαν τὴν ἐνδοτεταγμένην.

Probl. 7. Propo. 29.

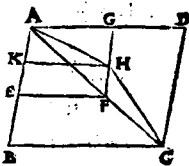
Dato rectilineo simile, & alteri dato æ-
quale idem constituere.



Ἐὰν ἄρα παραλληλοτεταγμένη παραλληλόγραμ-
μοι ἀφαίρεθῇ ὁμοίον τε καὶ ὅλον καὶ ὁμοίως κείμε-
νον, κοινὴν γωνίαν ἔχον αὐτῶν, πᾶσι τὴν αὐτὴν
διαμετρεῖται καὶ ὅλον.

Theor. 19. Propo. 26,

Si à parallelogrammo pa-
rallelo grāmum ablatum
sit & simile toti & simili-
ter positum communem



H ii

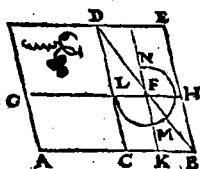
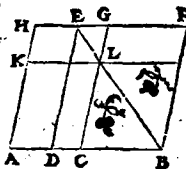
cum cohabens angulum , hoc circum
eandem cum toto diametrum consistit.

κζ

Γάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν διθείαν παραβαλ-
λομένων παραλληλογράμμων, ἑλλείπωντων εἰ-
δεσι παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε ὁμοίως κη-
μένοις ἔσθ' ἂν αὖ ἡμισείας ἀναγραφόμενα, μέ-
γιστον ὅστις ἂν αὖ ἡμισείας παραβαλλόμενον
παραλληλόγραμμον, ὁμοίον ὦν ἔσθ' ἐλλείμματι.

Theor. 20. Propo. 27.

Omnium parallelogrammorum secun-
dum eandem rectam lineam applicato-
rum deficientiumque figuris parallelo-
grammis similibus similiterque positis ei,
quod à di-
midia def-
cribitur ,
maximum
id est quod
ad dimidiā



applicatur parallelogrāmmum simile exi-
stens defectui.

κη

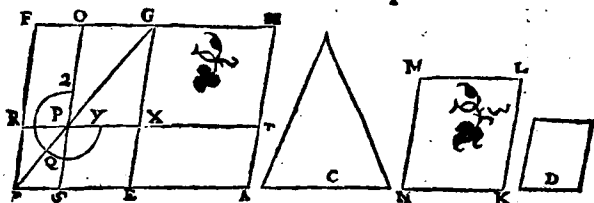
Παρὰ τὴν διθείαν διθείαν, ἔσθ' ὁμοίως κη-
μένω ἴσοι παραλληλόγραμμοι παραβάλλειν,
ἑλλείπων εἶδει παραλληλογράμμοι ὁμοίω ὄντι τῷ
δοθέντι. Δεῖ δὲ τὸ διδόμενον διδύγραμμον, ὅ

Δείξον παραβαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τὸ ἀπὸ αὐ-
τῆς ἡμυείας παραβαλλομένον, ὁμοίων ὄντων τῇ ἐλ-
λημμάτων, τὸ τε ἀπὸ αὐτῆς ἡμυείας εἰς ὃ δεί-
ξον ἐλγείων.

Probl.8.Propo.28.

Ad datam lineam rectam, dato rectili-
neo æquale parallelogrammum appli-
care deficiens figura parallelogramma,
quæ similis sit alteri rectilineo dato.

Oportet autem datum rectilineum, cui
æquale applicandum est, non maius esse
eo quod ad dimidiam applicatur, cum si-
miles sint defectus & ~~εἶναι~~ quod à dimi-
dia describitur, & ~~εἶναι~~ cui simile desse
deber.



κθ

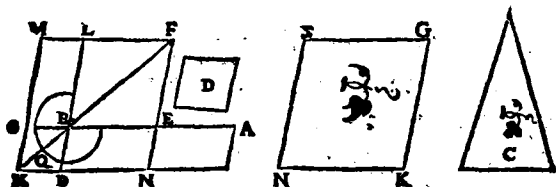
Παραβὰ τὴν δοθεῖσαν, ἀδείξον τὸ δοθέν ἐξ ὅ-
μοιων ἰσὺν παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν
ὑποβάλλον εἰς τὴν παραλληλογράμῳ ὁμοίῳ
τῷ δοθέντι.

Probl.9.Propo.29.

Ad datam rectam lineam, dato rectili-

H iii

neo α quale parallelogrammum applica
re, excedens figura parallelogrāma, quæ
similis sit parallelogrammo alteri dato.

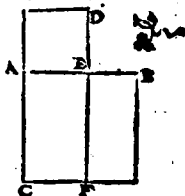


λ

Τὴν ἑκείνου διὰ τὴν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ
μέσον λόγον τεμεῖν.

Proble. 10. Propo. 30.

Propositam rectam li-
neam terminatam, extre-
ma ac media ratione se-
care.



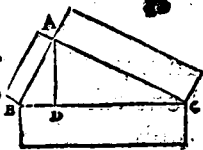
λα

Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τοῦ ὀρθογ-
γωνίου ὥστε νύσης πλὴρῶς εἰδίῃ ἴσους εἶναι
τοῖς ἀπὸ τῆς πρὸς ὀρθῶν γωνίας πρὸς ἑαυτὴν πλὴ-
ρῶς εἶδеси τοῖς ὁμοίοις ἐν μέλει ἀναγραφόμενοις.

Theor. 21. Propo. 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis
à latere rectum angulum subtendente

descripta æqualis est figuris, quæ priori illi similes & similiter positæ à lateribus rectum angulum continentibus describuntur.

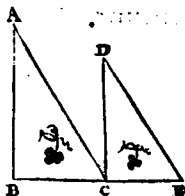


λ β

Ἐὰν δύο τρίγωνα σωτεθῇ κατὰ μίαν γωνίαν ταῖς δύο πλευράς ταῖς διὰ τὴν πλευρὰς ἀνάλογον ἔχοντα, ὥς τε τὰς ἐμολόγους αὐτῶν πλευρὰς καὶ παρελλήλους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευραὶ ἐπ' ἐυθείας ἔσονται.

Theor. 22. Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus lateribus proportionalia habeant, secundum unum angulum composita fuerint, ita ut homologa eorum latera sint etiam parallela, tum reliqua illorū triangulorum latera in rectam lineam collocata reperiuntur.



λ γ

Ἐν ταῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τῶν αὐτῶν λόγον ἔχουσι ταῖς περιφερείαις, ἐφ' ὧν βεβήκασι, ἑάντε πρὸς τοῖς κέντροις, ἑάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥς βεβήκασι. ἔτι δ' οἱ τομῆς, ἅτε πρὸς

H iii

τοῖς κέντροις αὐτοῖς ἀμφοῖν.

Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eādem habent rationem cum ipsis peripheriis in quibus insistent, siue ad cētra siue ad peripherias

constitu-
ti illis in-
sistant pe-
ripheriis
Insuper
verò & se-
ctores,
quippe
qui ad cē-
tra con-
sistent.



Elementi sexti finis.



E Y K Λ E I

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM SEPTIMVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Mονάς ὁστὶ καὶ τὸ ὅτι καλεῖται τὸ ὄντων ἐν λε-
γεται.

DEFINITIONES.

I

Vnitas, est secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Αριθμὸς ὁ ἐν μονάδων συγκείμενος πλὴθυσ.

2

Numerus autem, ex vnitatibus compo-
sita multitudo.

²
μέρῳ ὅσιν ἀριθμὸς ἀριθμῶ ὁ ἐλάττω ἢ μείζον
ῳ, ὅταν καταμετρήῃ ἢ μείζονα.

³
Pars, est numerus numeri minor maioris, cum minor metitur maiorem.

⁴
μέρῳ ὅ, ὅταν μὴ καταμετρήῃ.

⁴
Partes autem, cum non metitur.

⁵
πολλαπλασίους ὅ, ὁ μείζων τῷ ἐλάττω ῳ, ὅταν καταμετρήται ἅπαρ τῷ ἐλάττω ῳ.

⁵
Multiplex verò, maior minoris, cum maiorem meritur minor.

⁵
ἑξῆς ὁ ἀριθμὸς ὅστις διίσα διαιρέσθαι.

⁶
Par numerus, est qui bifariam diuiditur.

⁷
περιστός ὅ, ὁ μὴ διαιρέσθαι διίσα. ἢ, ὁ μορῶς διαιρέσθαι ἀρτίου ἀριθμοῦ.

⁷
Impar verò, qui bifariam non diuiditur. vel, qui unitate differt a pari.

⁸
ἑξῆς ἀρτίος ἀριθμὸς ὅστις, ἅπαρ ἀρτίου ἀ-

ἰσὺς μετρίμηνον κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus, est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Ἀρτιακὶς ὁ πολλαπλῆς ὄντων ἀρτίων ἀριθμῶν μετρίμηνον κατὰ πολλαπλῆς ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quē par numerus metitur per numerum imparem.

10

Περιαστικὶς ὁ πολλαπλῆς ὄντων ἀριθμῶν, ὁ ὧν πολλαπλῆς μετρίμηνον κατὰ πολλαπλῆς ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus, est quē impar numerus metitur per numerum imparem.

11

πρῶτος ἀριθμὸς ὄντων, ὁ μονάδι μόνῃ μετρίμηνον.

11

Primus numerus, est quem vnitas sola metitur.

12

πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ μονάδι μόνῃ μετρίμηνον κοινῶν μέτρῳ.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola vnitas mensura communis metitur.

¹²
Συνθετος ἀριθμός ἐστιν, ὃς ἀριθμῶ ἑνὶ μετρεῖται.

¹³
Compositus numerus est, quem numerus quispiam metitur.

¹⁴
Συνθετοὶ ἑκαστὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμοὶ τινὶ μετρεῖσθαι κοινῶς μέτρηται.

¹⁴
Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

¹⁵
Ἀριθμός ἀριθμῶν πολλαπλασιασάσθην λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, ἑαυτὰς αἰσῶ τεθῇ ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

¹⁵
Numerus numerū multiplicare dicitur, cūm toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicāte unitates, & procreatus fuerit aliquis.

¹⁵
Ὅταν ἑκατέρω ἀριθμοὶ πολλαπλασιασάσθωντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὃ γινόμενον ἐπίπεδον καλεῖται, πλῆρυν ἢ αὐτῶν, οἱ πολλαπλασιασάσθωντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

¹⁶
Cūm autē duo numeri mutuō sese mul-

multiplicantes quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

ὅταν ὅ τρεις ἀριθμοὶ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὁ γινόμενος τερεὺς καλεῖται, πλῆθυσαὶ ὅ αὐτῶν οἱ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicantes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

18

τετράγωνος ἀριθμός ἐστιν, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ὡς δύο ἴσων ἀριθμῶν ποδιεχόμενος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

19

κύβος ὅ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ὡς τριῶν ἴσων ἀριθμῶν ποδιεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris continetur.

κ

Αριθμοὶ ἀνάλογόμεισιν, ὅταν ὁ πρῶτος τῶ δυν-
τέρου ὁ τρίτος ἢ τετάρτος ἰσάνῃς ἢ πολλαπλά-
σιος, ἢ ὁ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ᾖσιν.

20

Numeri proportionales sunt, cum pri-
mus secundi, & tertius quarti æquè mul-
tiplex est, vel eadem pars, vel eadem
partes.

κα

Ὅμοιοι ἐπίπεδοι καὶ στεροὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, εἰ ἁπλῶς
λογονεῖ χόντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui
proportionalia habent latera.

κβ

τέλος ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ τοῖς ἑαυτοῦ μέρεσιν ἴσος ᾖ.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipsius par-
tibus est æqualis.

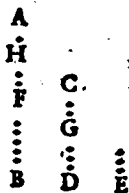
Γρηγόριος.

α,

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσωρ ἐνκειμένωρ, ἀσυνφασ-
τευμένω ἀεὶ ἢ ἐλάσσονθ' ἀπὸ τῶ μείζονθ' ὁ λει-
πόμηνος μηδέποτε καταμετρήσῃ τὸ πρὸς ἑαυτοῦ ἕως
ἐληφθῇ μονάς, οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς
ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 1. Propo. 1.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadam detractioe, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit vnitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

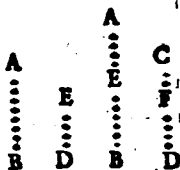


β

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, ὃ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον διρεῖν.

Probl. 1. Propo. 2.

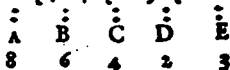
Duobus numeris datis non primis inter se, maximam eorum communem mēsuram reperire.



γ

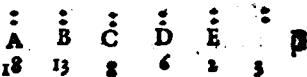
Τρεῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, ὃ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὕρεῖν.

Problema 2.



Propo. 3.

Tribus numeris datis non primis

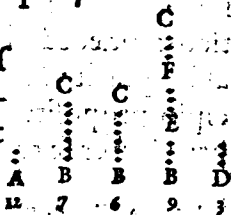


inter se, maximam eorum communem
mensuram reperire.

Ἡ γὰρ ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τῶ μέ-
ξονθ, ἢ πῶς μέρεθ ὅσιν, ἢ μέρη.

Theor. 2. Propo. 4.

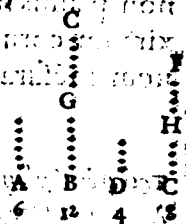
Omnis numerus, cuius
que numeri minor ma-
ioris aut pars est, aut
partes.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρεθ ἢ, καὶ ἑτέρος ἑτέρου
αὐτοῦ μέρος, καὶ συναμφοτέρως συναμφοτέρως
αὐτὸ μέρος ἔσαι, ὅπως ὁ εἰς τὸ ἐνός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars
fuerit, & alter alterius ea-
dem pars, & simul utr-
que utriusque simul eadē
pars erit, quæ unus est
vnius.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρεθ ἢ, καὶ ἑτέρος ἑτέρου τὰ αὐ-
τὰ μέρεθ ἢ, καὶ συναμφοτέρως συναμφοτέρως τὰ
αὐτὰ μέρεθ ἔσαι, ὅπως ὁ εἰς τὸ ἐνός.

Theor.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alteri⁹ eæ-
dem partes, & simul vter-
que vtriusque simul eadē
partes erunt, quæ sunt v-
nus vnus.

			E
B			⋮
⋮			⋮
H			H
⋮			⋮
A	C	D	F
6	9	8	12

ζ
Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾗ ὅπως ἀφαιρεθεὶς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὸ αὐτὸ μέρος
ἔσται ὅπως ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	⋮
	⋮
	F
	⋮
B	⋮
⋮	⋮
E	C
⋮	⋮
A	G
6	16

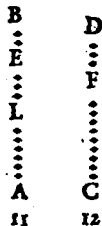
η

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾗ ὅπως ἀφαιρεθεὶς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὰ αὐτὰ μέρος
ἔσται ὅπως ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

I

Theor.6.Propo.8.

Si numerus numeri eadē
sint partes quæ deductus
deducti, & reliquus reli-
qui eēdem partes erunt,
quæ sunt totus totius.



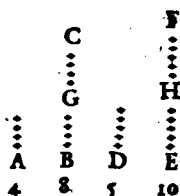
G...M.K...N.H.

9

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ
αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος ὅστις ἢ μέρη ὁ πρῶ-
τος τῷ τρίτῳ, ὅ αὐτὸ μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη,
καὶ ὁ διπλάσιος τῷ τετάρτῳ.

Theor.7.Propo.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadē
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tii, eadē pars erit vel eē-
dem partes & secundus
quarti.



1

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρη ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρῳ τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ ἃ μέρη ὅστις ὁ πρῶτος τῷ
τρίτῳ ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται καὶ ὁ διπλάσιος τῷ
τετάρτῳ, ἢ μέρος.

Theor.8. Propo.10.

Si numerus numeri partes sint, & alter alterius eadem partes, etiam vicissim quæ sunt partes aut pars primus tertii, eadem partes erunt vel pars & secundus quarti.

			E	⋮
			⋮	⋮
H			H	⋮
⋮	⋮		⋮	⋮
G			⋮	⋮
⋮	⋮		⋮	⋮
A	C	D	F	
4	6	10	18	

1 α

Ἐὰν ᾗ ὅλος πρὸς ὅλον, ὅπως ἀφαίρεθῆς πρὸς ἀφαίρεθῆντα, ὁ ὅλοιός πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος πρὸς ὅλον.

Theor.9. Propo.11.

Si quemadmodum se habet totus ad totum ita detractus ad detractum, & reliquus ad reliquum ita habebit ut totus ad totum.

	B	D
	⋮	⋮
	⋮	⋮
	E	F
	⋮	⋮
	⋮	⋮
	A	C
	6	3

1 β

Ἐὰν ὥσιν ὁποσίωνῶν ἀριθμοὶ ἀναλογον, ἔσται ὡς εἰς τῶν ἡγμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, ὅπως ἅπαντες οἱ ἡγμένοι πρὸς ἅπαντας ἐπὶ ἐπομένους.

Theor.10. Propo.12.

Si sint quotcunque numeri proportionales, quemadmodum se habet vnus antecedentium ad vnum sequentium, ita

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	6	3	2

I ii

ſe habebunt omnes antecedentes ad omnes conſequentes.

¹⁷
Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾤσι, καὶ εἰ ἀλλὰ ξ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri ſint
proportionales, & vicif-
ſim proportionales erūt.

$$\begin{array}{cccc} \dot{A} & \dot{B} & \dot{C} & \dot{D} \\ 12 & 4 & 9 & 3 \end{array}$$

¹⁸
Ἐὰν ᾤσι ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι
τῷ πλεονέκτῳ σύνδιδο λαμβανόμενοι καὶ εἰ τῷ αὐτῷ
λόγῳ, εἰ δὲ ἴσοι εἰ τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si ſint quotcun-
que numeri & a-
lii illis æquales

$$\begin{array}{cccccc} \dot{A} & \dot{B} & \dot{C} & \dot{D} & \dot{E} & \dot{F} \\ 12 & 6 & 3 & 8 & 4 & 2 \end{array}$$

multitudine, qui bini ſumantur & in ea-
dem ratione: etiam ex æqualitate in ea-
dem ratione erunt.

¹⁹
Ἐὰν μονὰς ἀριθμὸν ἴνα μετρήσῃ, ἰσχύει δὲ ἑτέρῳ ἀ-
ριθμῷ ἄλλῳ ἴνα ἀριθμὸν μετρήσῃ, εἰ εἰ ἀλλὰ ξ
ἰσχύει ἡ μονὰς τὸν ἴσον ἀριθμὸν μετρήσει καὶ ὁ διδύ-
τῳ τέταρτον.

Si vnitas numerum quē-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quēdam
numerū æquē metiatur,
& vicissim vnitas tertiu
numerum equē metietur
atque secundus quartum.

$$\begin{array}{ccccccc}
 & & & & & & F \\
 & & & & & & L \\
 & & C & & & & K \\
 & H & & & & & E \\
 & G & & & & & 6 \\
 A & B & & D & & & \\
 1 & 3 & & 2 & & &
 \end{array}$$

Ἐὰν δύο ἄριθμοι πολλαπλασιάζωντες ἀλλήλους
ποιῶσι τῆς ας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ἔσονται.

Si duo numeri mu-
tuò sese multiplican-
tes faciāt aliquos, qui
ex illis geniti fuerint inter se æquales
erunt.

$\dot{\mathbf{E}}$	$\dot{\mathbf{A}}$	$\dot{\mathbf{B}}$	$\dot{\mathbf{C}}$	$\dot{\mathbf{D}}$
1	2	4	8	8

Ἐὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσῃς
ποιῇ ἑνός, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸ αὐτὸν λόγον
ἔχουσιν πολλαπλασιασθέντων.

Si numerus duos numeros multiplicans

faciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt eandem ra
tionem habebunt quam multiplicati.

14

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμῶν ἵνα πολλαπλασιά
ζοντες ποιῶσι ἵνας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τῶν
αὐτῶν ἕξασιν λόγον τοῖς πολλαπλασιασμένοι.

Theor. 16. propo. 18.

Si duo numeri nume
rum quempiam mul
tiplicantes faciant ali
quos, geniti ex illis eandem habebunt ra
tionem, quam qui illum multiplicarunt.

15

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾖσιν, ὅτε τῶν
πρώτων καὶ τετάρτων γινόμενον ἀριθμὸς ἴσος ᾖ
εἶναι τῷ ἐκ τῶν δευτέρων καὶ τρίτων γινόμενῳ ἀριθ
μῷ. Ὅτι ἔστι ἐκ τῶν πρώτων καὶ δευτέρων γινόμενον
ἀριθμὸς ἴσος ᾖ εἶναι τῷ ἐκ τῶν δευτέρων καὶ τρίτων, οἱ τέσ
σες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales,
qui ex primo & quarto fit æqualis erit ei
qui ex secundo & tertio: & si qui ex pri
mo & quarto fit numerus æqualis sit ei

qui ex secun-
do & tertio,
illi quatuor

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{F}}$	$\dot{\text{G}}$
6	4	3	2	12	12	18

numeri porportionales erunt.

κ

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὦσιν, ὁ ἄνω τῶν ἁ-
κρωρ ἴσος ᾖ τῷ ἄνω τῶν μέσων. ἔάν τ' ὁ ἄνω τῶν
ἁκρωρ ἴσῃ τῷ ἄνω τῶν μέσων, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui
ab extremis continetur æqualis est ei qui
à medio efficitur. Et si qui ab
extremis continetur æqualis
fit ei qui à medio describitur,
illi tres numeri proportiona-
les erunt.

$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$	$\dot{\text{C}}$
9	6	4
$\dot{\text{D}}$		
6		

κα

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τ' λόγον ἔχοντων ἑ-
αυτοῖς, μέγιστοι δὲ τ' αὐτῶν λόγον ἔχοντες αὐτοῖς ἴ-
σους, ὅ, τε μείζων τὸν μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν
ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omniū
qui eandem cum eis ra-
tionē habent, æqualiter
metiuntur numeros ean-

$\dot{\text{D}}$	$\dot{\text{L}}$		
$\dot{\text{G}}$	$\dot{\text{H}}$		
$\dot{\text{C}}$	$\dot{\text{E}}$	$\dot{\text{A}}$	$\dot{\text{B}}$
4	3	8	6

I iiii

dem rationem habentes, maior quidem maiorem, minor verò minorem.

κ β

Ἐὰν ὥσι ζεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι ᾖ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενοι ἐκείνῳ αὐτῶ λόγῳ, ἢ ἡ τετραραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, ἐκείνῳ ἴσος ἐκείνῳ αὐτῶ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres sint numeri & alii multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadē ratione, sit autem perturbata eorū proportio, etiā ex æqualitate in eadē ratione erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
6	4	3	12	8	6

κ γ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλαχίστοι εἰσὶ τῶν τ' αὐτῶν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium eādē cum eis rationem habētium.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{E}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
5	6	2	4	3

κ δ

Οἱ ἐλαχίστοι ἀριθμοὶ τ' αὐτῶν λόγον ἔχόντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Theorem.22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis
rationem habētium,
primi sunt inter se.

$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \end{smallmatrix}$
8	6	4	3	2

κε

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, ὃ
τ' ἐνα αὐτῶν μετῶν ἀριθμὸς πρὸς τ' λοιπὸν πρῶ-
τος ἔσται.

Theor.23. Propo.25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui al-
terutrum illorū metitur
numerus, is ad reliquum
primus erit.

$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \end{smallmatrix}$
6	7	3	4

κς

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἑνα ἀριθμὸν πρῶτοι ὦσιν,
ὃ ὅ ἐξ αὐτῶν γενόμενος πρὸς τ' αὐτὸν πρῶτος
ἔσται.

Theor.24. Propo.26.

Si duo numeri ad
quempiam numerū
primi sint, ad eundē
primus is quoque fu-
turus est qui ab illis
productus fuerit.

$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \\ \dot{\dot{F}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \\ \dot{\dot{F}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \\ \dot{\dot{F}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \\ \dot{\dot{F}} \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \dot{\dot{A}} \\ \dot{\dot{B}} \\ \dot{\dot{C}} \\ \dot{\dot{D}} \\ \dot{\dot{E}} \\ \dot{\dot{F}} \end{smallmatrix}$
5	5	5	3	2

κζ

Ἐάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσπερ ἐκ
τῆς ἐνὸς αὐτῶν γινόμενῃ πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶ-
τῷ ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint in-
ter se, qui ab vno eorū gigni-
tur ad reliquum primus erit.

⋮	⋮	⋮
B		
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	1

κη

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέρω
πρὸς ἐκάτερον πρῶτοι ὦσι, οἱ ἐξ αὐτῶν γινό-
μενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo
ad vtrumque pri-
mi sint, & qui ex
eis gignentur pri-
mi inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
3	5	15	2	4	8

κθ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσι, οἱ
πολλαπλασιάσας ἐκάτερος ἐαυτῷ ποιῇ, ἵνα οἱ γε-
νόμενοι ἐξ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.
καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς οὗτοι γενομένοις πολλαπλασιά-
σαντες ποιῶσι ἵνα οἱ κακῆνοι πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
λους ἔσονται, οἱ αἱ πρὸς αὐτοὺς ἀκέραιον συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicās vterq; seipsum procreet aliquē, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quòd si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, efferint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idem hoc

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{F}$
3	6	27	4	16	63

semper eueniet.

λ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ συναμφοτέρῳ πρὸς ἐκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται· καὶ ἐὰν συναμφοτέρως πρὸς ἓνα ἑνὰ αὐτῶν πρῶτῳ ᾖ, καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam simul vterque ad vtrunque illorum primus erit. Et si simul vterque ad vnum aliquem eorū primus sit, etiā qui initio positi sunt numeri primi inter se erunt.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{C}{B}$	$\overset{\cdot}{D}$
7	5	4

λ α

Ἄπας πρῶτῳ ἀριθμὸς πρὸς ἀπαντα ἀριθμὸν, ὃν μὴ μετρεῖ, πρῶτός ἐστιν.

Theor.29.Prop.31.

Omnis primus numerus ad
omnem numerum quem nō
meritur, primus est. $\lambda \beta$ 7 10 5
Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλασιάζοντες ἀλλήλους ποιεῖ
σι τινὰ, ὃν ὁ γενόμενος ἐξ αὐτῶν μετρεῖται ὑπὸ πρώτου
ἀριθμοῦ, ὅτινα τῶν ἐξ ἀρχῆς μετρήσει.

Theor.30.Prop.31.

Si duo numeri sese mutuò multiplicātes
faciant aliquem, hūc autem ab illis pro-
ductū metiatur primus
quidam numerus, is alte-
rum etiam metitur eorū
qui initio positi erant. $\lambda \gamma$

Ἄπας σύνθετος ἀριθμὸς, ὅτε πρῶτος τινὸς ἀριθ-
μοῦ μετρεῖται.

Theor.31.Prop.33.

Omnē cōpositum numerum
aliquis primus metietur.

$\lambda \delta$ 27 9 3
Ἄπας ἀριθμὸς ἢτοι πρῶτος ὅστις, ἢ ὅτε πρῶτος τι-
νὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor.32.Prop.34.

Omnis numer⁹ aut primus est,
aut cū aliquis primus metitur. $\lambda \epsilon$ 3 6 3

Ἀριθμῶν δοθέντων ὁποσωνοῦν διρεῖν ὅτι ἐλαχίσ-
τος τῶν αὐτῶν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς.

Probl.3.Prop.35.

Numeris datis quotcunque, reperire mi-
nimos omnium qui eandem cum illis ra-

tionem habeant.

$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{F}$	$\overset{\cdot\cdot}{G}$	$\overset{\cdot\cdot}{H}$	$\overset{\cdot\cdot}{K}$	$\overset{\cdot\cdot}{I}$	$\overset{\cdot\cdot}{M}$
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λδ.

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμόν.

Probl.4.Pro-

po.36.

Duobus numeris
datis, reperire
quem illi mini-
mum metiantur
numerum.

$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{F}$	
$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{F}$	
7	12	8	4	5	
$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{G}$	$\overset{\cdot\cdot}{H}$
$\overset{\cdot\cdot}{F}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{G}$	$\overset{\cdot\cdot}{H}$
6	9	12	9	2	3

λξ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμόν ἵνα μετῶσι, καὶ ὁ ἐλάττω-
χιστος ὑπ' αὐτῶν μετρίμηνος τὸν αὐτὸν μετρήσει.

Theor.33.Propo.37.

Si duo numeri numerum
quempiam metiantur, &
minimus quem illi me-
tiantur eūdem metietur.

λη

$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$
$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$
2	3	6	12

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὃν ἐλάχιστον μετρεῖσιν ἀριθμόν.

Probl.5.Prop.38.

Tribus numeris
datis reperire quē
minimum nume-
rum illi metiātur.

$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	
$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{F}$
3	4	6	12	8	
$\overset{\cdot\cdot}{A}$	$\overset{\cdot\cdot}{B}$	$\overset{\cdot\cdot}{C}$	$\overset{\cdot\cdot}{D}$	$\overset{\cdot\cdot}{E}$	$\overset{\cdot\cdot}{F}$
3	6	8	12	24	16

λ θ

Ἐὰν ἀριθμὸς ὑπόλινθ' ἀριθμῷ μετρήται, ὁ μὲν
ἴσμεν θ' ὁμώνυμον μέρος θ' ἔξει τῷ μετρούμῳ.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerum quispiam numerus metia-
tur, mensus partem habe-
bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	3	1

^μ
Ἐὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχη οὐλοῦν, ἅπασαν ὁμώνυμον ἀ-
ριθμῷ μετρηθήσεται τῷ μέρει.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit quamlibet,
illum metietur numerus
parti cognominis.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
8	4	2	1

^{μα}
Ἀριθμὸν διῶμεν, ὅς ἐλαχίστος θ' ὡμ' ἐξ ἧς τὰ δοθέν-
τα μέρη.

Proble. 6. Propo. 41.

Numerum reperire,
qui minimus cum sit,
datas habeat partes.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



E' Y K Λ E I

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΘΓΔΟΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM OCTAVVM:

α,

Εἰ ἂν ὥσιν ὁσοὶ δὴ ποτῶν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον γορ, οἱ ἡ ἀκροὶ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσιν, ἐλάττωται εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς.

Theor. I. Propo. I.

Si sint quotcunque numeri deinceps proportionales, quorū extremi sint inter se primi, mi

nimi sunt	$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$
omnium	8	12	18	27	6	8	12	18

candem cum eis rationem habentium.

β

Ἀριθμὸς διττὴν ἐξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστος, ὅσος
ἰδιότηξ ἢ ἐστὶν τοῦ διδέντος λόγῳ.

Probl.1. Propo.2.

Numeros reperire deinceps porportio-
nales minimos, quotcūque iusserit quis-
piam in data ratione.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Ἐὰν ὥσπερ ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ἐλα-
χιστοὶ τῶν ἑαυτὸν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροὶ
αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίμ.

Theor.2. Prop.3. Conuerſa primæ.

Si sint quotcūque numeri dinceps pro-
portionales minimi habentium eandem
cum eis rationem, illorum extremi sunt
inter se primi.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{K}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{L}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{M}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{N}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{O}}$
27	36	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγῳ διδέντων ὁποσωνοῦν ἐλαχίστοις ἀριθ-
μοῖς, ἀριθμὸς διττὴν ἐξῆς ἐλαχίστος ἐστὶν τοῖς διδέν-
σι λόγοις.

Pro-

Proble. 2. Propo. 4.

Rationibus datis quocunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O	
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12	

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσι τὸ συγκείμενον ἐκ τῶν πλυσμῶν.

Theor. 3. Propo. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16

Ἐὰν ὧσιν ὅποσοιούω ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τὸ δεύτερον μὴ μεβεῖ, ὁ δὲ αἰεὶς ἄλλος ἐπὶ ἐνάτω μετρήσῃ.

K

Theor.4. Propo.6.

Si sint
quotlibet
numeri
deinceps
proportio

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	81	4	6	9

nales, primus autem secundum non me-
tiatur, neque alius quisquam vllum me-
tiatur.

Εάν ὡς ἡ ὁποιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ἐξ
πρώτου ἔχαται μετρεῖ, καὶ τὸ αὐτοῦ μετρήσῃ.

Theor.8. propo.7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportiona-
les, primus autem extre-
mum metiatur, is etiā se-
cundum metietur.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D
4	6	12	24

Εάν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνά-
λογον ἐμπέτωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτῶν μετα-
ξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπέτωσιν ἀριθ-
μοὶ, ὅσοι εἰς αὐτῶν λόγον ἔχοντας αὐ-
τοῖς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπε-
σῶνται.

Theor.6. Propo.8.

Si inter duos numeros medii continua

proportione incidant numeri , quot inter eos medii continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medii continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

9

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσι , καὶ εἰς αὐτῶν μετὰξὺ κατὰ τ' συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσι ἀριθμοὶ, ὅθι εἰς αὐτῶν μετὰξὺ κατὰ τ' συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσι ἀριθμοὶ, τοσούτοι εἰς ἑκατέρω αὐτῶν μοναδίᾳ ἑξῆς μετὰξὺ κατὰ τ' συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπεσούσινται.

Theor. 7. Propo. 9.

Si duo numeri sint inter se primi , & inter eos medii continua proportione incidant numeri, quot inter illos medii continua proportione incidunt numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac unitatem deinceps medii continua proportionem incident.

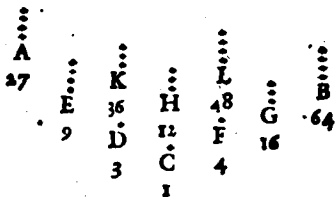
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64

K ii

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν Θ μονάδι Θ μεταξύ κατὰ τ
 σιωχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι ἐκα-
 τέρη αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξύ κατὰ τ σιω-
 χὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, τοσῶτοι Θ
 εἰς αὐτὰς μεταξύ κατὰ τ σιωχὲς ἀνάλογον ἐμ-
 πεσοῦνται.

Theor. 8. Propo. 10.

Si inter duos numeros & unitatē conti-
 nuè proportionales incidant numeri;
 quot inter v-
 trūque ipso-
 rum & unita-
 tē deinceps
 medii conti-
 nua propor-
 tione incidūt
 numeri, totidem & inter illos medii con-
 tinua proportione incident.



Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσθ' ἀνάλογός
 ἔστιν ἀριθμός· καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον
 διπλασίου λόγος ἔχει, ἥ ὡς ἡ πλὴρὰ πρὸς τὴν
 πλὴρην.

Theor. 9. Propo. 11.

Duorum quadratorum numeroꝝ vnus
 medius proportionalis est numerus: &

quadratus ad quadra-
tum duplicatam ha-
bet lateris ad latus ra-
tionem.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	C	E	D	B
9	3	12	4	16

^{ιβ}
Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθ-
μοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λό-
γον ἔχει ἢ πλάτος πρὸς τὴν πλάτην.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo me-
dii proportionales sunt numeri: & cubus
ad cubum triplicatam habet lateris ad la-
tus rationem.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

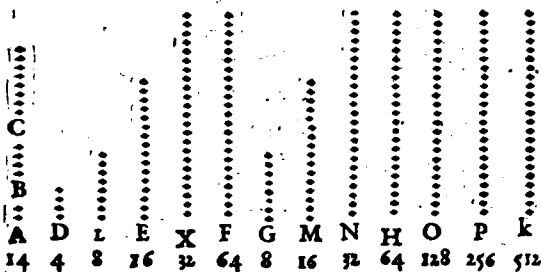
^{ιγ}
Ἐὰν ὧσι μὲν ὅσοι διηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον,
εἰς πολλαπλασιασάρας ἑκάς τε αὐτὸν ποιῇ ἑνὰς,
οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἂν οἱ
ἐξ ἀρχῆς τῶν γινομένων πολλαπλασιασάσαντες
ποιῶσι τινὰς, οἱ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ ἂν
πολλὰς ἀκέραιας συμβαίνει.

Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps propor-
tionales, & multiplicās quisque seipsum

K iii

faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt: & si numeri primum positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



18

Εὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρή, καὶ ἡ πλὴρὰ τῶν πλὴρὰν μετρήσει, καὶ ἡ πλὴρὰ τῶν πλὴρὰν μετρή, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μετρήσει.

Theor. 12. Propo. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerum metiatur, & latus unius metietur latus alterius. Et si unius quadrati latus metiatur latus alterius, & quadratus quadratum metietur.

14

Ἐάν κύβος ἀριθμὸς κύβου ἀριθμοῦ μετῇ, καὶ ἡ
πλευρὰ τῷ πλευρᾷ μετρήσῃ, καὶ ἐάν ἡ πλευρὰ τῷ
πλευρᾷ μετῇ, οὐ κύβος τῷ κύβου μετρήσει.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerū me-
tiatur, & latus vnus metietur alterius la-
tus. Et si latus vnus cubi latus alterius
metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Λ	Η	Κ	Β	Ζ	Δ	Ε	Θ	Γ
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Ἐάν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμὸν
μὴ μετῇ, καὶ ἡ πλευρὰ τῷ πλευρᾷ μετρήσῃ, καὶ
ἡ πλευρὰ τῷ πλευρᾷ μὴ μετῇ, οὐ τετράγωνος
τῷ τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratū nume-
rum nō metiatur, neque latus vnus me-
tietur alterius latus. Et si
latus vnus quadrati non
metiatur latus alterius,
neque quadratus quadra-
tum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
Λ	Β	Ζ	Δ
9	16	3	4
Κ	iiii		

12

Ἐὰν κύβου ἀριθμὸς κύβου ἀριθμὸν μὴ μετρήσῃ, ἔσθ' ἢ πλὴν ἢ πλεονάζον μετρήσῃ καὶ ἢ πλὴν ἢ πλεονάζον πλὴν ἢ πλεονάζον μὴ μετρήσῃ, ἔσθ' ὁ κύβου τὸ κύβον μετρήσῃ.

Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum nō metiatur, neq; latus vnus latus alterius metietur. Et si latus cubi alicuius latus alterius nō metiatur, neque cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

13

Αὐτοὶ ὁμοίων ὑπὸ πᾶσι ἀριθμοῖς εἰσμεσθῇ ἀναλόγος ὅστις ἀριθμὸς ὁ ἐπὶ πᾶσι πρὸς τὸ ἐπὶ πᾶσι διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πᾶσι ἢ ὁμόλογος πλὴν ἢ πλεονάζον πλὴν ἢ πλεονάζον.

Theor. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorū vnus medius proportionalis est numerus: & planus ad planum duplicatam habet lateris homologī ad latus homologum rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

10

Δύο ὁμοίων τετραγώνων ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον
ἐμπίπτουσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ τετρεὺς πρὸς τὸ ὁμοίων τε-
τραγώνον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς τὴν ὁμόλογον
πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευρὰν.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo
medii proportionales incidunt numeri.
& solidus ad similem solidum triplicatā
rationem habet lateris homologi ad la-
tus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

n

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν εἴς μέσον ἀνάλογον ἐμπίπτῃ
ἀριθμός, ὁμοιοί ἐπίπεδοι εἰσὶν αὐτοὶ ἀριθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius pro-
portionalis
incidat nume-
rus, similes
plani erunt il-
li numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	36	3	4	6	8

κα

Εὰν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσοι ἀναλογου ἐμπίπτωσι ἀριθμοί, ὅμοιοι τεταί εἰσι οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Propo. 21.

Si inter duos numeros duo medii proportionales incidant numeri, similes soli di sunt illi numeri.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κβ

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀναλογου ᾧσι, ὃ ᾧ πρῶτος τεταίγων Θ ἢ, καὶ ὃ τρίτος τεταίγωνος ἐσται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps sint proportionales, primus autem sit quadratus, & tertius quadratus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	D
9	15	25

κγ

Εὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀναλογου ᾧσι, ὃ ᾧ πρῶτος κύβος Θ ἢ, καὶ ὃ τέταρτος κύβος Θ ἐσται.

Theor. 21. propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps sint porportionales, primus autem sit cubus, & quartus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσι ὅν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὃ ὁ πρῶτον τετράγωνος ἢ, καὶ ὁ δεύτερον τετράγωνος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se quā quadratus numerus ad quadratū numerū, primus autē sit quadratus, & secundus quadratus erit.

A	B	C	D
4	6	9	16
		24	36

κ ε

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσι, ὅν κύβον ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ ὁ πρῶτος κύβος ἢ, ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant quam cubus numerus ad cubum numerum, primus autem cubus sit, & secundus cubus erit.

A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216

κς

Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνου ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quā quadratus numerus ad quadratū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κζ

Οἱ ὅμοιοι στεροὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβου ἀριθμὸς πρὸς κύβου ἀριθμόν.

Theor. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



E' Y K Λ E I

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΕΝΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM NONVM.

• α,

Ε' Ἄν δύο ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλα-
σιάζοντες ἀλλήλους ποιεῖσι τινὰ, ὃ γενόμενον
τετράγωνος ἔσται.

Theor. I. Prop. I.

Si duo similes plani numeri mutuò sese
multiplicantes
quendam pro-
creent, produ-
ctus quadratus
erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	D		C
4	6	9	16	24	36

β

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους
ποιῶσι τετράγωνον, ὁμοιοὶ ἐπί πεδίον εἰσι.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplican-
tes quadratum fa-
ciant, illi similes
sunt plani.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$
A	B	D	E	F	G
4	6	12	9	18	36

γ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἐαυτὸν πολλαπλασιάξῃ
ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicās
procreet ali-
quem, pro-
ductus cubus
erit.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$
Vni tas.	D	D	A	B	B
3	4	8	16	32	64

δ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλα-
σιάξῃ ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubū
numerum multiplicans
quendam procreet, pro-
creatus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$
A	B	D	C
8	27	64	216

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλασιά-
 ζῃς κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος
 ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quendam
 multiplicans cubum pro-
 creet, & multiplicatus cu
 bus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
27	64	729	1728

Ἐὰν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιά-
 ζῃς, ὁ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multi-
 plicans cubum procreet, &
 ipse cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
27	729	19683

Ἐὰν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλα-
 σιά-ζῃ ποιῇ ἵνα ὁ γεόμελος τετελὸς ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam nu-
 merum multiplicans
 quempiam procreet,
 productus solidus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{E} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
6	8	48	2	3

11

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὃ ἢ τρίτος ἀπὸ αὐτῆς μονάδος τετράγωνός ἐστι, καὶ οἱ ἑναὶ ἀλείποντες πάντες, ὃ ἢ τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο ἀλείποντες πάντες, ὃ ἢ ἕβδος, καὶ οἱ δύο ἀλείποντες πάντες, καὶ οἱ πέντε ἀλείποντες πάντες.

Theor.8.Propo.8.

Si ab vnitare quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab vnitare quadratus est, & vnū intermittentes omnes: quartus autē cubus, & duobus intermissis omnes: septimus verò cubus simul & quadrat⁹, & quinque intermissis omnes.

Vni tas.	A	B	C	D	E	F
	1	9	27	81	243	729

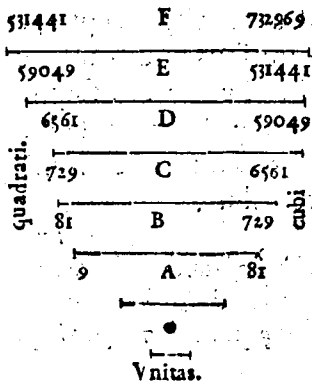
12

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὃ ἢ μετὰ πλὴν μονάδα τετράγωνός ἐστι, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται. καὶ ἔὰν ὁ μετὰ πλὴν μονάδα κύβος ᾖ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theor.9.Propo.9.

Si ab vnitare sint quotcūque numeri deinceps proportionales, sit autem quadratus

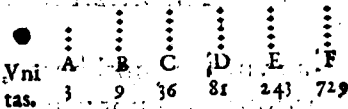
dratus is qui v-
nitate sequi-
tur, & reliqui
omnes quadra-
ti erunt. Quod
si qui vnitatem
sequitur cubus
sit, & reliqui o-
mnes cubi e-
runt.



Εἰ ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον
ᾧσιν, ὃ ὑπὲρ τῆς μονάδας μὴ ἢ τετράγωνος, ἢ δὲ
ἄλλος ἑστὶς τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τῆς τρίτης ἀπὸ
τῆς μονάδος καὶ τῆς ἑνῆς διαλείποντων πάντων. καὶ ἔαν
ὁ ὑπὲρ τῆς μονάδας κύβος μὴ ἢ, ἢ δὲ ἄλλος ἑστὶς
κύβος ἔσται, χωρὶς τῆς τετάρτης ἀπὸ τῆς μονάδος
καὶ τῆς δύο διαλείποντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitatem numeri quocunque pro-
portionales sint, non fit autem quadra-
tus is qui vni-
tatem sequi-
tur, neque a-
lius vll^o qua-



dratus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittētibus. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, dēptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermittētibz.

1α

Εἰ ἀν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῖον ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ὦσιν, ὁ ἐλάττω τὸ μείζονα μεβεῖ κατὰ τενα τὸ ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorē metitur per quempiam

eorū qui ī proportio
nalib⁹ sunt numeris.

A	D	C	D	E
1	2	4	8	16

1β

Εἰ ἀν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῖον ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὦσιν, ἀφ' ὧν, ἀν ὁ ἕκαστος πρώτων ἀριθμῶν μεβεῖται, κατὰ τὴν αὐτὴν καὶ ὁ παρὰ τὴν μονάδα μεβεῖται.

Theor. 12. Propo. 12.

Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorū

ultimum metiuntur, totidem & cum qui
vnitati proximus est, metientur.

●								
Vni tas.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
	A	B	C	D	E	H	G	F
	4	16	64	256	2	8	32	128

¹⁷
Εὰν ἀρχὴ μονάδι (Θ) ὁποῖα αὐτῶν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνα-
λογου ὦσιν, ὃ ὃ μετα' τὴν μονάδα πρώτος ἦ, ὃ μέ-
γιστος (Θ) ὃς ἐκείνου ἄλλος μετρηθῆσεται παρὰ τὴν
ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀναλογου ἀριθμοῖς.

Theor. 13. Proposit. 13.

Si ab vnitare sint quotcūque numeri de-
inceps proportionales, primus autem sit
qui vnitatem sequitur, maximum nullus
alius metietur, iis exceptis qui in propor-
tionalibus sunt numeris.

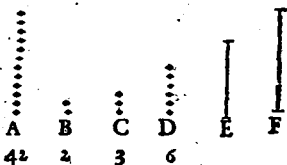
●								
Vni tas.	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
	A	B	C	D	E	H	G	F
	3	9	27	81				

ιδ

Ἐὰν ἐλάχιστος ἀριθμὸς ᾧ ἀπὸ πρώτων ἀριθμῶν
μετρεῖται, ὑπ' ἑδρεύς ἄλλος ἀριθμὸς μετρηθῇσεται
παρὰ τῆς ἐξ ἀρχῆς μετρούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
merum primi ali-
quot numeri me-
tiantur, nullus al-
ius numerus pri-
mus illum metie-
tur, iis exceptis qui primò metiuntur.

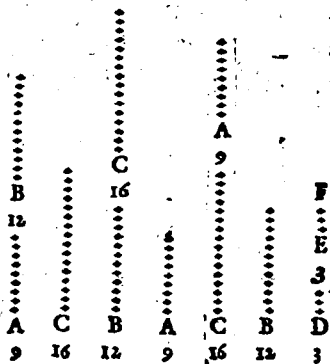


ιδ

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξ ἑνὸς ἀναλογίου ὡσιν ἐλάχιστοί
τῶν αὐτῶν λόγων ἔχοντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν
σωτὲς θέντες πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτον εἰσὶν.

Theor. 15. Propo. 15.

Si tres nume-
ri deinceps
proportiona-
les sint mini-
mi eandē cū
ipsis habentiū
rationē, duo
quilibet com-
positi ad ter-
tium primi e-
runt.

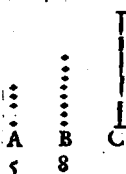


15.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσιν, ἔν
 ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸ διθύροτον, ἔτας ὁ διθύτε
 ρος πρὸς ἄλλον ἕνα.

Theor. 16. Propo. 16.

Si duo numeri sint inter se
 primi, non se habebit quem-
 admodum primus ad secun-
 dum, ita secundus ad quem-
 piam alium.

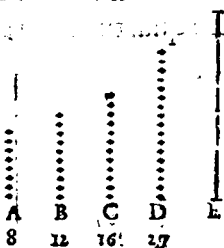


17.

Ἐὰν ὥσιν ἄσοληποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον,
 οἱ ἡἄκροὶ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσιν, ἔν
 ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸ διθύροτον, ἔτας ὁ ἕκτος
 πρὸς ἄλλον ἕνα.

Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet nu-
 meri deinceps pro-
 portionales, quorum
 extremi sint inter se
 primi, nō erit quem-
 admodum primus ad
 secundum, ita ultimus
 ad quempiam alium.

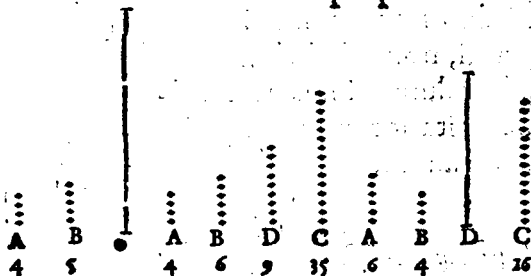


18

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, ὑποθέσκειν ἄλλα εἰς διω-
πύρῳ αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσθεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, considerare pos-
sitne terti^o illis inueniri proportionalis.

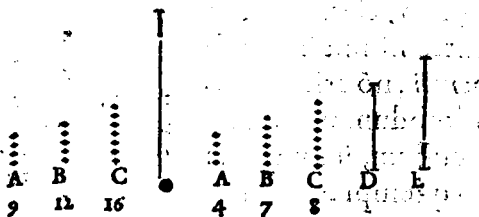


19

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκεψάσθαι εἰ διω-
πύρῳ αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσθεῖν.

Theor. 9. Propo. 19.

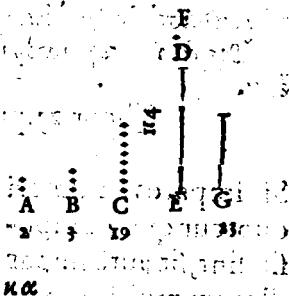
Tribus numeris datis, cōsiderare possit-
ne quartus illis reperiri proportionalis.



οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ πάντες τῶν πρῶτων
ἀριθμῶν πλῆθους πρῶτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

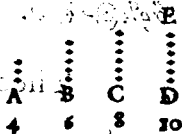
Primi numeri
plures sunt qua-
cunque propo-
sita multitudine
primorum nume-
rorum.



Ἐὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὁποσοῦν συναριθμῶσιν, ὁ ὅλος
ἄρτιός ἐστι.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot
libet compositi sint,
totus est par.

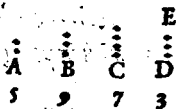


Ἐὰν ὁδοῖοι ἀριθμοὶ ὁποσοῦν συναριθμῶσιν, ὁ ὅλος
πᾶν ἀντὶ ἄρτιον ἐστίν.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

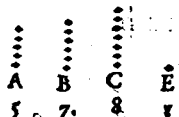
sint, sit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.



Ἐὰν ὁρίσῃτοί ἀριθμοὶ ὁποιοῦν σωτὴρ ὧσιν, καὶ ἡ
πληθὺς αὐτῶν ὁρίσῃτοί, καὶ ὁλόθῃ ὁρίσῃτοί
ἔσται.

Theor. 23. propo. 23.

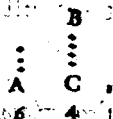
Si impares numeri
quoruncunque compo-
siti sint, sit autē impar
illorum multitudo, &
totus impar erit.



Ἐὰν ἀρ' ἀρ' ἀριθμοὶ ἀρ' ὧσιν ἀφαιρεθῇ, ὁ ὅλοι-
πος ἀρ' ἔσται.

Theor. 24. Propo. 24.

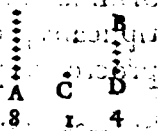
Si de pari numero par detra-
ctus sit, & reliquus par erit.



Ἐὰν ἀρ' ἀρ' ἀριθμοὶ ὁρίσῃτοί ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ὁρίσῃτοί ἔσται.

Theor. 25. Propo. 25.

Si de pari numero impar
detractus sit, & reliquus
impar erit.



Ἐὰν ἀπὸ πάλιν ἀριθμοῦ πάλιν ἀφαιρεθῇ, καὶ
ὁ λοιπὸς ἀρτιος ἔσται.

Theor. 26. Propo. 26.

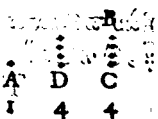
Si de impari numero im-
par detractus sit, & reli-
quus par erit.



Ἐὰν ἀπὸ πάλιν ἀριθμοῦ ἀρτιοῦ ἀφαιρεθῇ, ὁ
λοιπὸς πάλιν ἀρτιος ἔσται.

Theor. 27. Propo. 27.

Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.



Ἐὰν πάλιν ἀριθμοῦ ἀρτιοῦ πολλὰ πληθυνθέντα
ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος ἀρτιος ἔσται.

Theor.28.Propo.28.

Si impar numerus parē mul-
tiplicans procreet quēpiā,
procreatus par erit.

A **B** **C**
3 4 12

Ἐὰν ποδιστὸς ἀριθμὸς ποδιστοῦ ἀριθμοῦ πολλα-
πλασιασάσῃ ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος ποδιστὸς ἔστι.

Theor. 29. Propo. 29.

Si impar numerus imparē nu-
merū multiplicās quēdā pro-
creet, procreatus impar erit.

A	B	C
3	5	15

Εἰς τὸν πᾶντος ἀριθμὸς ἄριθμον ἀριθμὸν μετῇ, καὶ
ἡμεῖς αὐτὴν μετρήσει.

Theor.30.Prop0.30.

**Si impar numerus parem nu-
merum metiatur, & illius di-
midium metietur.**

A **C** **B**

3 **6** **18**

Ἐὰν ὁ δουλᾶσός ἀριθμός πρὸς ἑκα ἀριθμὸν πρῶτος
ᾧ, εἰ πρὸς τὸ διπλασίον αὐτὸ πρῶτος ἔσται.

Theor. 31. Propo. 31.

Si impar numerus ad nu-
merum quēpiam primus
sit, & ad illius duplum pri-
mus erit.

A 7 B 8 C 16 D

λ β.

Ἐὰν ἀπὸ δυάδιος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν
ἕκαστος ἀρτιάκις ἀρτίος ᾖ μόνον.

Theor. 32. Prop. 32.

Numerorū, qui à bi-
nario dupli sunt, v-
nusquisque pariter
par est tantum.

Vni-
tas.

A

2

B

4

C

8

D

16

λ γ

Ἐὰν ἀριθμὸς ᾧ ἡμισὺ ἔχη ποδιστόν, ἀρτιάκις ὡς
εἰσὶν ᾖ μόνον.

Theor. 33. Prop. 33.

Si numerus dimidium impar ha-
beat, pariter impar est tantum.

λ δ

Ἐὰν ἀρτίος ἀριθμὸς μήτε τῷ ἀπὸ δυάδιος δι-
πλασιαζομένῳ, μήτε ᾧ ἡμισὺ ἔχη ποδιστόν,
ἀρτιάκις τε ἀρτίος ᾖ καὶ ἀρτιάκις ποδιστός.

Theor. 34. Prop. 34.

Si par numerus nec sit duplex à bi-
nario, nec dimidiū impar habeat,
pariter par est & pariter impar.

λε

Ἐάν τισιν ὁμοιωποῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον,
ἀφαιρεθῶσι ἀπο τε τῆς διδυτέρης καὶ τῆς ἐλάττω ἴσως
τῶ πρώτῳ, ἔσται ὡς ἡ τῆς διδυτέρης ὑπόροχὴ πρὸς
τὴν πρώτον, ὅπως ἡ τῆς ἐλάττω ὑπόροχὴ πρὸς αὐτὴν πρὸς
ἐαυτῇ ἀπανταί.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportiona-
les, detrahatur autem de
secundo & ultimo æqua-
les ipsi primo, erit quem-
admodum secundi exces-
sus ad primum, ita ultimi
excessus ad omnes qui ul-
timum antecedunt.

			F
			4
			K
			4
	C		
	4		
	G		
	4		
D	B	D	E
4	4	16	16

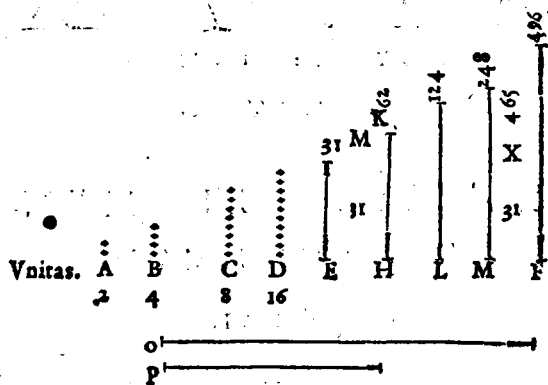
λς

Ἐάν ἀπὸ μονάδος ὅποιοι ἀριθμοὶ ἐξῆς ἕκτε-
ρῶσι μὲν τῇ διπλασίονι ἀναλογία ὡς ὁ σύμπαρ
συντεθείς πρώτῳ γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ αὐτὸν
ἐλάττω πολλαπλασιάσας ποιῇ τινά, ὁ γεόμε-
νος τέλειος ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps

expositi sint in duplici proportionē quo-
ad totus compositus primus factus sit, is-
que totus in ultimum multiplicatus quē-
piā procreet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM DECIMVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Σύμμετρα μεγέθη λέγεται, τὰ ἑξ' αὐτῶ
μέτρῳ μετρίμενα.

DEFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines di-
cuntur illę, quas eadē mensura metitur.

β

Κοσύμμετρα δ', ὅρμηδὲν εἰσδέχεται κοινὸν μέτρον
γενέσθαι.

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.

γ

Ἐὰν δύο ἀμέτρητοι εἰσιν, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ᾗ αὐτῶ χωρίον μετρηται.

3

Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadē superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροι δ' ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδέχεται χωρίου κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τῶν ἁποκρίμενων, δείκνυται ὅτι τῇ πρώτῃ θεώσῃ διὰ τὴν ὑπάρχουσαν διδῆναι πλήθει ἁπείρου, ἀσύμμετροι τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν μήκη καὶ διωάμει, αἱ δὲ διωάμει μόνον. Καλεῖσθαι οὖν ἢ πρὸς τὴν δευτέραν διδῆναι ῥητήν.

5

Hæc cū ita sint, ostēdi potest quòd quacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam alix lineæ innumerabiles ;
eidem commensurabiles, alix item incō
mensurabiles, hæ quidem longitudine &
potentia: ~~illæ~~ vero potentia tantum. Vo
cetur igitur linea recta, quantacumq;
proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκει εἴδω ἀμφοτέρω
τε διωάμῃ μόνον, ῥηταί.

Lineæ quoque illi ῥητῇ commensurabiles
siue lōgitudine & potētia, siue potentia
tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est ra
tionales.

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθαι.

Quæ verò lineæ sunt incommensurabi
les illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali,
vocentur ἄλογοι, id est irracionales.

καὶ τῇ ἀρχῇ περιδείσιν διδεῖας τετραγώ
νον, ῥητόν.

Et quadratū quod à linea proposita de
scribitur quam ῥητῷ vocari voluimus, vo
cetur ῥητόν.

καὶ ταύτῃ

9

καὶ τὰ τέττα σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

1

Τὰ ἢ τέττα ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

10

Quæ verò sunt illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est surda.

1α

καὶ αἱ διωάμεναι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τετραγώνων αἱ, αὐταὶ αἱ πλευραὶ. εἰ ἢ ἑτέρα τινὰ θύζυγγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετράγωνα ἀναγράφουσι.

II

Et lineæ quæ illa incommensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficiei siue figuræ rectilinet, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

προτάσεις α.

Δύο μεγέθῳ ἀνίσωμ ἐκκείμενω, ἐὰν ἀπὸ τῶ μεί-

M

ζονΘ ἄφαιρεθῇ μείζον ἢ τ' ἡμισυ, ἐτ' καταλεί-
πομένον μείζον ἢ τ' ἡμισυ, ἐτ' αἰ γίγνηται, ἢ
φθίσεται τι μέγεθος, ὅστις ἐλαστορ ἐκκειμένον ἐ-
λάσσονΘ μέγεθος.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinib⁹ inæqualibus pro-
positis, si de maiore detrahatur plus di-
midio, & rursus de residuo
iterum detrahatur plus di-
midio, idque semper fiat: re-
linquetur quædam magni-
tudo minor altera minore
ex duabus propositis.



β

Ἐὰν δύο μέγεθ' ἐκκειμένων ἀνίσωρ, ἀνθυφαί-
ρεμένα αἰ τ' ἐλάσσονΘ ἀπ' τῶ μείζονΘ, τ'
καταλείποντι μηδέποτε καταμεβῇ τ' πρὸ ἐ-
αὐτῶ, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μέγεθ'.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor
de maiore, altera quadā
detractione, neque residuū
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles
sunt illæ magnitudines.

Δύο μεγέθῶν συμμέτρων διοθέντων, τὸ μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Probl. I. Propo. 3,

Duabus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maximam
ipsarum communem mensuram
reperire.

Τριῶν μεγέθῶν συμμέτρων διοθέντων, τὸ μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Theor. 2. Propo. 4.

Tribus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maxi-
mam ipsarum communem
mensuram reperire.

Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχοντα
ἐν ἀριθμῷ πρὸς ἀριθμῷ.

Theor. 3. Propo. 5.

Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habent, quam habet numerus ad numerum.



5

Ἐὰν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει ὁ ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρά ἐστι τὰ μεγέθη.

Theor. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionē eam habent inter se quàm numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.

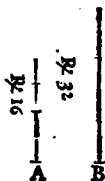


5

Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor. 5. Propo. 7.

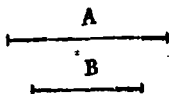
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Ἐὰν δύο, μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ ἔχῃ ὅν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem nō habēt quam numerus ad numerum, incōmensurabiles illæ sunt magnitudines.

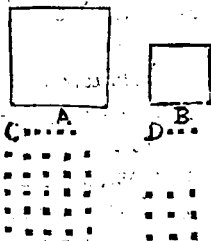


Τὰ ἀπὸ τῶν μήκει συμμέτρων διδιδῶν τετράγωνα, πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ ὅν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχοντα ὅν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, εἰ τὰς πλευρὰς ἔξει μήκει συμέτραι τὰ ὅτι ἀπὸ τῶν μήκει ἀσύμμετρων διδιδῶν τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα λόγον ἐκ ἔχῃ ὅν ὡς τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ

ἔχοντα ὄντων τετραγώνων ἄριθμός πρὸς τετραγώνου ἄριθμόν, ὅστις τὰς πλευρὰς ἕξ μίκει συμμέτρως.

Theor. 7. Propo. 9.

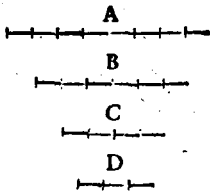
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habent quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habent inter se quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ τὸ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾖ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ
 σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον τῷ δευτέρῳ ἀσύμ-
 μετρον ᾖ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ ἀσύμμετρον
 ἔσται.

Theor. 8. Propo. 10.

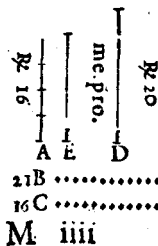
Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima ve-
 rò secundæ fuerit
 commensurabilis,
 tertia quoq; quar-
 tæ commensurabi-
 lis erit. quòd si pri-
 ma secundæ fuerit
 incommensurabilis, tertia quoque quar-
 tæ incommensurabilis erit.



Ἡ περὶ τὴν διθείαν προσδρεῖν δύο διθείας ἀ-
 σύμμετρος, πῶς ἂν μήκει μόνον, πῶς καὶ διωάμει.

Proble. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥήτιον vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



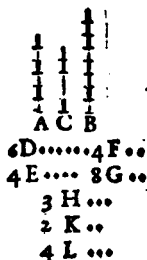
Iam verò non longitudine tantùm , sed etiam potentia incommensurabilem.

1β

Τὰ ὅλ' αὐτῶ μεγέθη σύμμετρα, ὁ ἀλλήλοις ἴσι σύμμετρα.

Theor.9.Prop.12.

Magnitudines quæ eide magnitudini sunt commensurabiles, inter se quoque sunt commensurabiles.

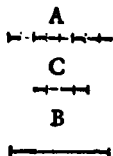


1γ

Ἐὰν ἢ δύο μεγέθη, καὶ τ' ἢ σύμμετρον ἢ ὅλ' αὐτῶ, καὶ ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor.10.Propo.13.

Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem commensurabilis sit tertiæ magnitudini , illa verò eidem incommensurabilis, incommensurabiles sunt illæ duæ magnitudines.



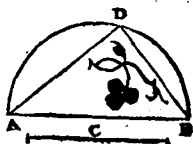
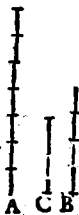
1δ

Ἐὰν ἢ δύο μεγέθη σύμμετρα, καὶ ἕτερον αὐτῶ

μεγέθη ἐνὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ ὁ λοιπὸν τῶν αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσται.

Theor. II. Propo. 14.

Si duarum magnitudinum commensurabilium altera fuerit incommensurabilis magnitudini alteri cuiuspiam tertiae, reliqua quoque magnitu-



do eidem tertiae incommensurabilis erit.

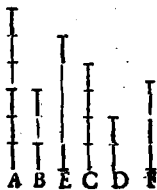
16

Ἐὰν τέσσαρες θιθεῖται ἀνάλογον ὧσιν, λύπηται διὰ ἢ πρώτη αὐτῶν. Διυτέρως μείζον τῶν ἀπὸ συμμέτρων ἑαυτῇ μήκει, καὶ ἢ τρίτη τῆς τετάρτης μείζον διωθήσεται τῶν ἀπὸ συμμέτρων ἑαυτῇ μήκει. Ἐὰν ἢ πρώτη τῆς διυτέρως μείζον διωθήται τῶν ἀπὸ συμμέτρων ἑαυτῇ μήκει, ἢ ἡ τρίτη αὐτῆς τετάρτης μείζον διωθήσεται τῶν ἀπὸ συμμέτρων ἑαυτῇ μήκει.

Theor. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectae proportionales fuerint, possit autem prima plusquam secunda tanto quantum est quadratum lineae sibi commensurabilis longitudine: tertia quoque poterit plusquam quarta tanto quantum est quadratum lineae sibi commen-

furabilis lōgitudine. Quòd si prima pos-
sit plusquā secunda qua-
drato lineæ sibi longitu-
dine incommensurabi-
lis: tertia quoque poterit
plusquam quarta quadra-
to lineæ sibi incommen-
surabilis longitudine.

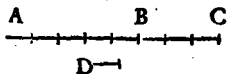


15

Ἐὰν δύο μεγέθη σύμμετρα σωθεῖν, καὶ τὸ ὅλον
ἐκαστέρῳ αὐτῶν σύμμετρον εἶναι. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ αὐ-
τῶν σύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμ-
μετρα εἶναι.

Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines commensurabiles
componantur, tota magnitudo composi-
ta singulis partibus commensurabilis e-
rit. quòd si tota magnitudo composita
alterutri parti commē-
surabilis fuerit, illæ
duæ quoque partes cō-
mensurabiles erunt.

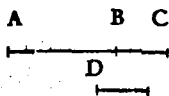


17

Ἐὰν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα σωθεῖν, καὶ τὸ ὅλον
ἐκαστέρῳ αὐτῶν ἀσύμμετρον εἶναι. καὶ τὸ ὅλον ἐνὶ
αὐτῶν ἀσύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀ-
σύμμετρα εἶναι.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.

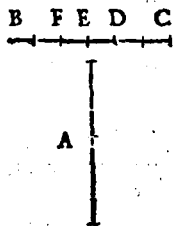


Ἐὰν ὧσι δύο διδεῖαι ἄνισοι, ἔσθ' ἡ τετάρτῳ μέρει τ' ἀπὸ τ' ἐλάσσονος ἴσῃ παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδός τετραγώνου, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαίρῃ μήκη, μείζονα ἐλάσσονος μείζον διωθήσεται, ἔσθ' ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκη. Ὡς ἐὰν ἡ μείζων ἐλάσσονος μείζον δύνηται, ἔσθ' ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκει, ἔσθ' ὅ τετάρτῳ μέρει τ' ἀπὸ ἐλάσσονος ἴσον παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἶδός τετραγώνου, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαίρῃ μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à minore, æquale parallelogrammū ap-

plicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineam illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tãto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si maior plus possit quàm minor, tãto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammũ applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantũ est alterum latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



19

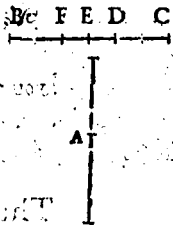
Ἐὰν ὅσι δύο δι. θείαι ἄνοι, τοῦ δ' τετάρτου μέρει

τ' ἀρὰ εἰλασονται ἴσου παρὰ τὴν μείζονα πα-
 ραβληθῇ ἐλλείπου εἶδι τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμε-
 τρον αὐτὴν διαίρη μήκει, ἢ μείζονα εἰλασονται
 μείζον διωθήσεται. ὅθεν ἀρὰ ἀσύμμετρον ἑαυτῇ καὶ
 ἑαυτῇ ἢ μείζονα εἰλασονται μείζον διύνηται ὅθεν
 ἀρὰ ἀσύμμετρον ἑαυτῇ, ὅθεν ὁ τετάρτῳ τ' ἀρὰ εἰ-
 λασονται ἴσου παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ
 ἐλλείπου εἶδι τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρον αὐ-
 τὴν διαίρη μήκει.

Theor. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ
 autē parti quadrati linæ minoris æqua-
 le parallelogrammum secundum lineam
 maiorem applicetur, ex qua linea tantū
 excurret extrā latus parallelogrammi,
 quantum est alterum latus eiusdem pa-
 rallelogrammi: si parallelogrammum præ-
 terea sui applicatione diuidat lineam in
 partes inter se longitudine incommen-
 surabiles, maior illa linea tanto plus po-
 test quàm minor, quantum est quadra-
 tum linæ sibi maiori incommensurabi-
 lis longitudine. Quòd si maior linea tan-
 to plus possit quàm minor, quantum est
 quadratum linæ incommensurabilis si-
 bi longitudine: & præterea quartæ parti

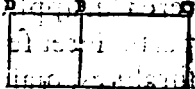
quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius: parallelogrammum sui applicatione dividit maiorem in partes inter se incommensurabiles longitudine.



Τὸ ἄπορρητὸν μὴδὲ σιμμετρὸν κατὰ τὰς τῶν
προφαινένων τρόπων θιθεῖται ἀδυνατοῦς ὁρ-
θουμένων, ῥητοῦ ὅστις.

Theor.17, Propo.20

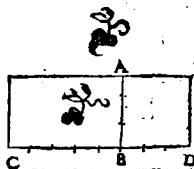
Superficies rectangula contenta ex lineis rectis rationalibus longitudine commensurabilibus secundum unum aliquem modum ex antedictis, rationalis est.



κα
Ἐὰν ρητὴν παρὰ ἐντιμὴν παραβληθῇ, πλάττω
παιδείῃ ἐντιμὴν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν παραδεδειγμένον
μήνιν.

Theor. 18. Propos. 21.

Si rationale secundum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

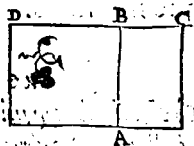


κβ

Τὸ ἄνω ἐκ τῆς διωαμῆς μόνον συμμέτρων εὐθετῶν περιεχόμενον ὁρθογώνιον ἀλογόμνῃ, καὶ ἡ διωαμὴ ἐν αὐτῷ, ἀλογόμνῃ. καλεῖται δὲ μέση.

Theor. 19. Propos. 22.

Superficies rectangula cōtenta duabus lineis rectis rationalibus potētia tantum cōmmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.

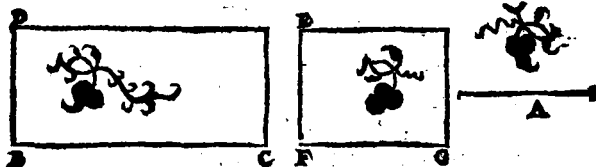


κγ

Τὸ ἄνω μέσης παρὰ ἐκ τῶν παρεμβαλλόμενων, πλατέως ποιεῖ ἐκ τῶν καὶ ἀσύμμετρων τῇ παρ' αὐτῇ παρὰ κείνῃ, μήκει.

Theor. 20. propo. 23.

Quadrati lineæ medialis applicati secundum lineam rationalem, alterum latus est linea rationalis, & incommensurabilis longitudine lineæ secundum quam applicatur.

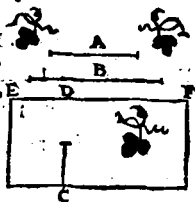


κδ

Ἡ τῇ μέσῃ σύμμετρον, μέσῃ ὄντιν.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali commensurabilis, est ipsa quoque medialis.



κε

Τὸ ἄνω μέρος μήκει συμμέτρον εἶναι τῷ κάτω μέρει, ὅθεν ὁρθογώνιον, μέσῃ ὄντιν.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectangulum contentum ex lineis medialibus longitudine commensurabilibus, mediale est.

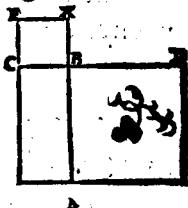
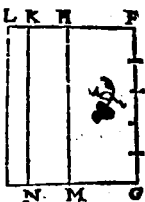


Τὸ ἄνω

^{κ δ}
 τὸ ὑπὸ μέσων διωάμει μόνον συμμετρῶν περιεχόμενον ὁρθογώνιον, ἢ τὴν ἐν τῷ ἢ μέσον ὄψιν.

Theor. 23. Propo. 26.

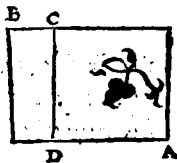
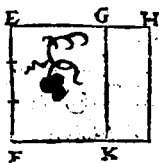
Parallelogrammum rectangulum comprehensum duabus lineis medialibus potentia tantum commensurabilibus, vel rationale est, vel mediale.



^{κ ε}
 μέσον μέσον ἐκ ὑποδέχεται ἐν τῷ.

Theor. 24. Propo. 27.

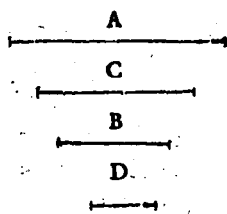
Mediale
 non est
 maius quam
 mediale
 superficie
 rationali.



^{κ η}
 μέγας ἐν τῷ διωάμει μόνον συμμετρῶν, ἐν τῷ περιεχόμενος.

Probl.4.Propo.28.

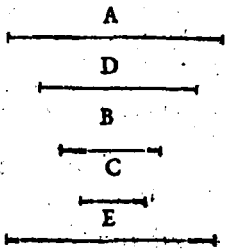
Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commensurabi-
les rationale com-
prehendentes.



μέγας εὐρεῖν δυνάμει μόνον σὺμμέτρους μέσον περι-
εχέουσας.

Probl.5.Propo.29.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commensura-
biles mediale com-
prehendentes.



εὐρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμέτρους, ὥστε
πλὴν μείζονα αὐτῶν ἐλάττωτον αὐτῶν μείζον διπλασθαι ἵσθαι
ἀπὸ συμμέτρων ἐαυτῇ μήκει.

Probl.6.Propo.30.

Reperire duas rationales potentia tan-

$\lambda \alpha.$

Ἐνδεῖν διὸ μέγας διδάσκει μόνον συμμέτρους ἢ τὸν
 ὠδολογέειν, ὥστε πῶς μέζονα αὐτὸ ἐλάσσονα μεί
 ζον διύνασθαι ἵνα ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκει.

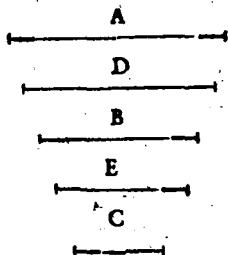
Reperire duas lineas mediales potentia
tantum commensurabiles rationalem su
perficiem continen
tes, tales inquam, vt
maior possit plus
quam minor quadra
to lineæ sibi commē
surabilis lōgitudine.

 $\lambda \beta$

Εὐρεῖν δὴ οὐ μέγας διωαίμῃ μόνου συμμέτρως μέτρον
 πολεμέχοντες, ὥς ἐτιμὸν μέζονα αἰὲν ἐλάττωτον μετῴ
 ζον δύναντα θεῶν ἀπὸ συμμέτρως ἐαυτῇ.

Reperire duas lines mediales, potentia
N ii

tantum commensurabiles medialē superficiem continētes, huiusmodi ut maior plus possit quā minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

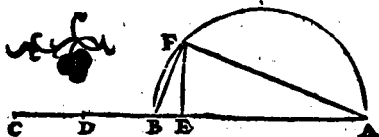


λγ

Εὕρεῖν δύο διθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιέσας ὅς τις συγκείμλου ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου ῥητόν, ὅς ὑπ' αὐτῆς μέσον.

Probl. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiē rationālē, parallelogrammū verò ex ipsius contentum sit mediale.



λδ

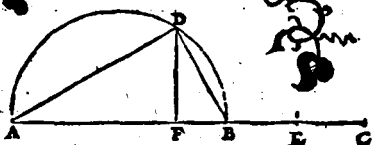
Εὕρεῖν δύο ἐυθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποιέσας ὅς τις συγκείμλου ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου μέσον, ὅς ὑπ' αὐτῆς ῥητόν.

Probl. 10. Propo. 34.

Reperire lineas duas rectas potentia incommensurabiles, conficientes compositum ex

ipsarum quadratis mediale, parallelogrammum vero

ex ipsis contentum rationale.



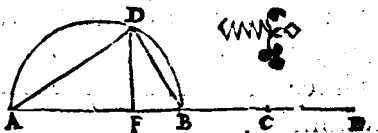
λ ε

Εὐρεῖν δύο ἑνθείας διωαμὴ ἀσυμμέτρους, ποιεῖσας τὸ, τὸ συγνεύμενον ἐν τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνῳ μέσῳ, καὶ ὑπ' αὐτῇ μέσῳ, ὅ ἐστι ἀσύμμετρον ὅλ' συγνευμένῳ ἐν τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνῳ.

Probl. 11. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incommensurabiles, conficientes id quod ex ipsarum quadratis componitur mediale, simulque parallelogrammum ex ipsis contentum, mediale, quod preterea parallelogrammum sit in-

commensurabile composito ex quadratis ipsarum.



Ἐὰν δύο ῥηταὶ διωάμῃ μόνον σύμμετροι σωτε-
θῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογόσῃ. καλεῖται δὲ ἐκ δύο
ὀνομάτων.

PRINCIPIUM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potentia tantum com-
mensurabiles componantur, tota linea e-
rit irrationalis. Vocetur
autem Binomium.

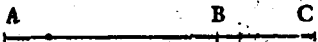


λζ

Ἐὰν δύο μέσαι διωάμῃ μόνον σύμμετροι σωτε-
θῶσι ῥητὴν περιέχουσα, ἢ ὅλη ἀλογόσῃ. καλεῖ-
ται δὲ ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum com-
mensurabiles rationale continentes com-
ponantur, tota linea est ir-
rationalis.



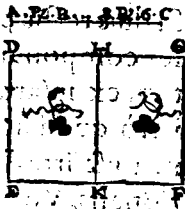
vocetur autem Bimediale prius.

ΛΗ

Ἐὰν δύο μέτρα διωαίμει μόνον αὐόμετροι συντε-
θῶσι μέσον ποδμήχεται, ἢ ὅλη ἀλογός ὅτι καλεί-
σθαι ἢ ἐκ δύο μέσων διδυτέραι.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum com-
mensurabiles mediale cō-
tinentes componantur,
tota linea est irrationalis.
vocetur autem Bimedia-
le secundum.

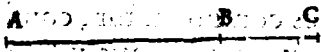


ΛΘ

Ἐὰν δύο ἀνείμαι διωαίμει ἀσύμμετροι συντεθῶ-
σι ποιεῖται τὸ μὲν συγκείμενον ἐν τῷ ἀπ' αὐτῶν τε-
τραγώνων ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, ἢ ὅλη ἀ-
λόγος ὅτι καλεῖσθαι ἢ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficiens composi-
tum ex quadratis ipsarum rationale, pa-
rallelogrammum verò ex ipsis conten-
tum mediale, tota linea recta est irratio-
nalis. Voce-
tur autem li-
nea maior.



N III

Εὰν δύο δι' ἑαυτὰς δυναμικῶς ἀσύμμετροι σωτεθῶ-
σι, ποιῆται τὸ τε συγκεκμημένον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τε
τετραγώνου μέσον, & δι' ὑπὸ αὐτῆς ῥητὸν, ἡ ὅλη ἐν-
δεῖα ἀλογόσ' ἐστι καλεῖσθαι διὰ ῥητὸν καὶ μέσον δυνα-
μικῶς.

Theor. 29. Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes composi-
tum ex ipsarum quadratis mediale, id
verò quod fit ex ipsis, rationale, tota li-
nea est irra-
tionalis. Vo



cetur autem
potens rationale & mediale.

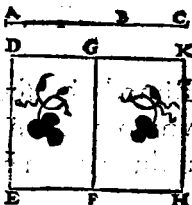
μα

Εὰν δύο ἐν ἑαυτὰς δυναμικῶς ἀσύμμετροι σωτεθῶ-
σι ποιῆται τὸ τε συγκεκμημένον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς
τετραγώνου μέσον, καὶ τὸ ὑπὸ αὐτῆς μέσον, καὶ ἔτι
ἀσύμμετρον τῷ συγκεκμημένῳ ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς
τετραγώνου, ἡ ὅλη δι' ἑαυτὰς ἀλογόσ' ἐστι καλεῖσθαι
δύο, μὲν δὲ δυναμικῶς.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes composi-
tum ex quadratis ipsarum mediale, &
quod continetur ex ipsis, mediale, & præ-

terea incommensurabile
 composito ex quadratis
 ipsarum, tota linea est ir-
 rationalis. Vocetur autē
 Potens duō medialia.



$\mu\beta$
 Η ἐκ δύο ὀνομάτων καθ' ἓν μόνον σημεῖον δια-
 γράσσεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Prop. 42.

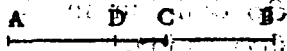
Binomium in vnico tantū puncto di-
 uiditur in sua no-
 mina, id est in li-
 neas ex quibus
 componitur.



$\mu\gamma$
 Η ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἓν μόνον σημεῖον
 διαγράσσεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Prop. 43.

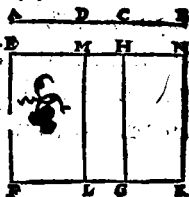
Bimediale prius in vnico tantū pūcto
 diuiditur in sua
 nomina.



$\mu\delta$
 Η ἐκ δύο μέσων δευτέρα καθ' ἓν μόνον σημεῖον
 διαγράσσεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 33. Propo. 44.

Bimediale secundum in
vnico tantum puncto di-
uiditur in sua nomina.



^{μ 6}
Ἡ μείζων κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαιρεῖται
εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

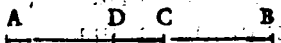
Linea maior in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina.



^{μ 5}
Ἡ ῥητὴ καὶ μέσων διωαμένη κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον ση-
μεῖον διαιρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

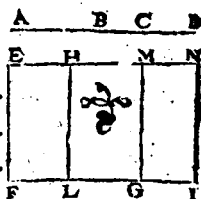
Linea potens rationale & mediale in v-
nico tantum pū-
cto diuiditur in
sua nomina.



^{μ 7}
Ἡ δύο μέτρα διωαμένη κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημείον δι-
ρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 36. Pro-
posi. 47.

Linea potēs duo media-
lia in vnico tantum pun-
cto diuiditur in sua no-
mina.



ΟΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκειμένης ρητῆς, καὶ αὐτὴ ἐκ δύο ὀνομάτων διηρημέ-
της εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς εἰς μείζον ὄνομα ἢ ἐλάττω-
τον αὐτῆς μείζον δύναται ἔχει ἀπὸ συμμέτρων
ἑαυτῇ μήκει.

α
Ἐὰν μὲν εἰς μείζον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ἐνκει-
μένη ρητῇ, καλείσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β
Ἐὰν δὲ ἐλάττω ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκει τῇ ἐνκει-
μένη ρητῇ, καλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων διδυτέρα.

γ
Ἐὰν δὲ μικρότερον ἢ ὀνομάτων σύμμετρον ἢ μή-
κει τῇ ἐνκειμένη ρητῇ, καλείσθω ἐκ δύο ὀνομάτων
τρίτη.

Πάλιν δὲ ἔὰν εἰς μείζον ὄνομα ἢ ἐλάττω αὐτῆς μεί-
ζον δύνηται ἔχει ἀπὸ ἀσυμμέτρων ἑαυτῇ μήκει.

Εὰν μὲν ὁ μείζων ὀνομα σύμμετρος ᾖ μήκει τῇ ἐκκεί-
μενῃ ῥητῇ, καλεῖσθω ἐν δύο ὀνομάταις τετάρτη.

Εὰν ὁ ἑλάττω, πέμπτη.

Εὰν ὁ μηδέντερος, ἕκτη.

DEFINITIONES

secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio diviso in
sua nomina, cuius binomij maius nomē, id est
maior portio possit plusquam minus nomen
quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,
commensurabilis longitudine:*

*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile
longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur
tota linea Binomium primum:*

*Si Verò minus nomē, id est minor portio Bino-
mij, fuerit commensurabile longitudine propo-
sitæ lineæ rationali, vocetur tota linea Binomium
secundum:*

*Si Verò neutrum nomen fuerit commensurabile
longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur
Binomium tertium.*

Rursus si maius nomen possit plusquam minus
nomen quadrato lineæ sibi incommensurabilis
longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurable lon-
gitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota
linea Binomium quartum:

5

Si verò minus nomē fuerit commensurable lon-
gitudine lineæ rationali, vocetur Binomiū quin-
tum.

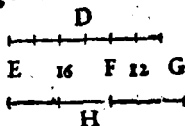
6

Si verò neutrum nomen fuerit longitudine com-
mensurable lineæ rationali, vocetur illa Bino-
mium sextum.

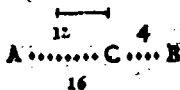
μ η

Εὐρεῖν τιῶ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτων.

Probl. 12. Pro-
posi. 48.



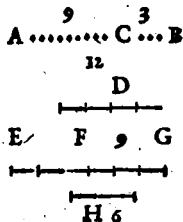
Reperire Binomiū pri-
mum.



μ θ

Εὐρεῖν τιῶ ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρων.

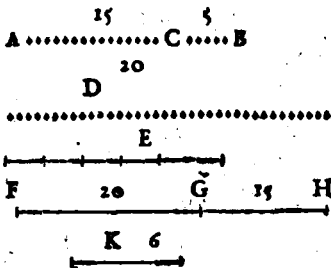
Proble. 13. Pro-
posi. 49.



Reperire Binomiū se-
cundum.

Ευρεῖν τιὸ ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτω.

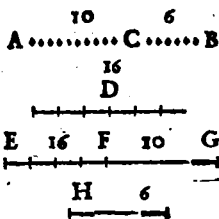
Probl. 14.
Pro. 50.



Reperire
Binomium
tertium.

Ευρεῖν τιὸ ἐκ δύο ὀνομάτων τεταρτῶ.

Probl. 15. Pro-
posi. 51.

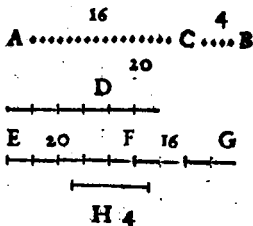


Reperire Binomiū
quartum.

β

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτιω.

Probl. 16. Propo-
siti. 52.

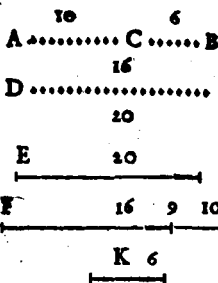


Reperire Bino-
mium quintum.

γ

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτιω.

Probl. 17. Propo-
siti. 53.



Reperire Bino-
mium sextum.

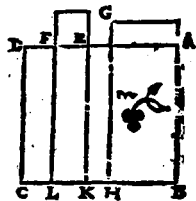
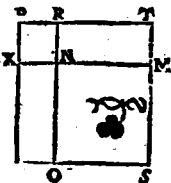
δ

Εἴ ἂν χωρίον περιμέχῃται ἐπὶ ῥητῇ καὶ αὖ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ ὅτε χωρίον διωαμένη ἄλογός ὅδῃ ἢ καλυμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contēta fuerit ex rationa-

li & Binomio primo, linea quæ illam superficiem potest est irrationalis, quæ Binomium vocatur.

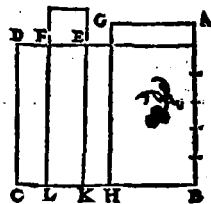
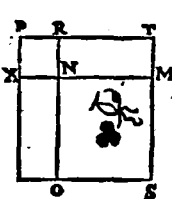


76

Εἴ ἂν χωρίον περιέχῃται ὑπὸ ῥητῆς ἐκ δὲ ἐν δύο ὀνομασίαις διωτέρας, ἢ ὅ χωρίον διωαμένη ἀλογός ὅστις ἢ καλυμένη ἐν δύο μέσων πρώτῃ.

Theor. 38. Prop. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secundo, linea potes illā superficiem est irrationalis, quæ Binomiale primū vocatur.



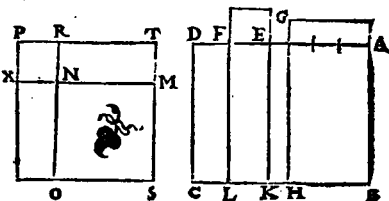
75

Εἴ ἂν χωρίον περιέχῃται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ὅ ἐν δύο ὀνομασίαις τρίτης, ἢ ὅ χωρίον διωαμένη ἀλογός ὅστις ἢ καλυμένη ἐν δύο μέσων διωτέρας.

Theor. 39. Prop. 56.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

Binomio tertio, linea quæ illâ superficiē potest, est irrationalis, quæ dicitur Bimediale secundum.



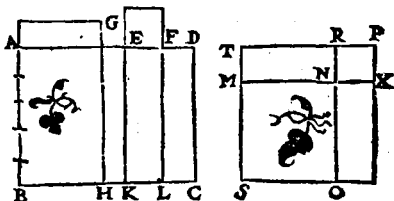
VI

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῷ ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτης, ἢ τῷ χωρίον διωχμένη ἀλογόσ ὄσιν, ἢ καλεσμένη μείζων.

Theor. 40. Prop. 57.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

quarto, linea potēs superficiem illam, est irrationalis, quæ dicitur maior.



VII

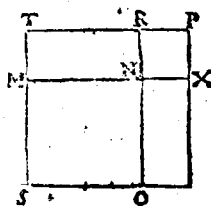
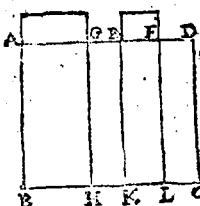
Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ τῷ ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτῃς, ἢ τῷ χωρίον διωχμένη ἀλογόσ ὄσιν, ἢ καλεσμένη ῥητὶ ἐμέσον διωχμένη.

Theor. 41. Prop. 58.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio quinto, linea quæ illam super-

O

ficiē po-
test, est
irratio-
nalis quę
dicitur
potēs ra-
tionale & mediale.

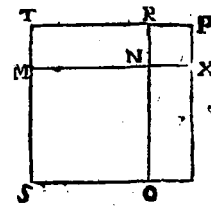
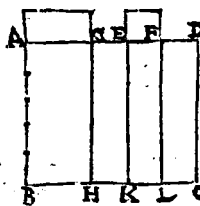


10

Εἰ ἂν χαρίον ποδιέξῃται ἄνω ῥητῆς καὶ ῥητὴν δύο ὀνομάτων ἐκ τῆς, ἥ δὲ χαρίον διαμενὴ ἀλογὸς ὅσιν, ἡ καλεμένη δύο μέτρα διαμενῇ.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio sexto, linea quę illam superficiē po-
test, est
irratio-
nalis,
quę dici-
tur po-
tens duo medialia.

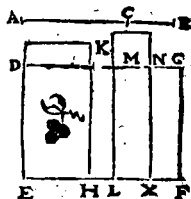


ξ

Τὸ ἀρχαῖον δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παρα-
βαλλόμενον, πλατὺς ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
τρίτην.

Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

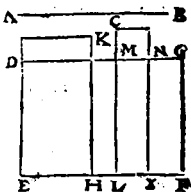


ξ α

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητῶ παρβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέραν.

Theor. 44. Propo. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

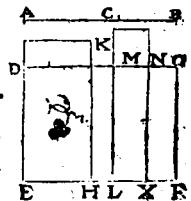


ξ β

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥητῶ παρβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

Theor. 54. proposit. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



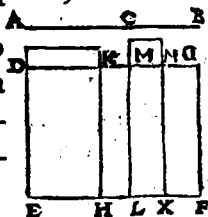
Q ii

ξ γ

Τὸ ἀπὸ αὐτοῦ μείζον παρὰ ῥητῷ παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maio-
ris secundum lineam ra-
tionalem applicatū, fa-
cit alterum latus Bino-
mium quartum.

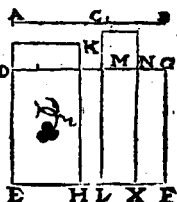


ξ δ

Τὸ ἀπὸ αὐτοῦ ῥητὴν μέσον διωαμένης παρὰ ῥητῷ
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των πέμπτην.

Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ poten-
tis rationale & mediale
secundū rationalem ap-
plicatum, facit alterū la-
tus Binomium quintum.

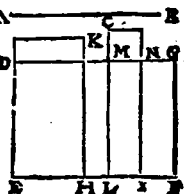


ξ ε

Τὸ ἀπὸ αὐτοῦ ἐκ δύο μέγεθ διωαμένης παρὰ ῥητῷ
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἑκτὴν.

Theor. 48. Propo. 65.

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secun-
dum rationalem appli-
catum, facit alterum la-
tus Binomium sextum.

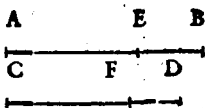


ξ 5

Ἡ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκει σύμμετρος, ὅ αὐτῇ
ἐκ δύο ὀνομάτων ὄσιν, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτῇ.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea lōgitudine cō-
mēsurabilis Binomio
est & ipsa Binomium
eiusdem ordinis.

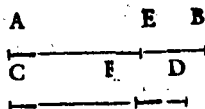


ξ 2

Ἡ τῇ ἐκ δύο μέσων μήκει σύμμετρος, ἐκ δύο μέ-
σων ὄσιν, ὅ τῇ τάξει ἡ αὐτῇ.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea lōgitudine cō-
mensurabilis alteri bi-
medialium, est & ipsa
bimediale etiam eius-
dem ordinis.



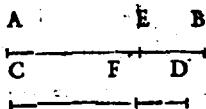
ξ η

Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτῇ μείζων ἐστίν.

O iii

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabilis lineæ maiori, est & ipsa maior.

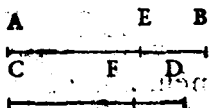


ξ θ

Ἡ τῇ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη σύμμετρον, καὶ αὐτῇ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη ὄσιν.

Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti rationale & mediale, est & ipsa linea potēs rationale & mediale.

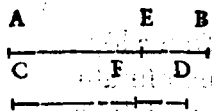


ο

Ἡ τῇ δύο μέγε διωαμένη σύμμετρον, δύο μέγε διωαμένη ὄσιν.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabilis lineæ potenti duo medialia, est & ipsa linea potens duo medialia.

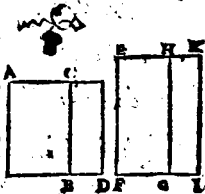


ο α

Ῥητὴ καὶ μέσῳ συνθεμένη, τέσσαρες ἄλογοι γίνονται, ἢ ἓν δύο ὄνσμάτων, ἢ ἓν δύο μέσων πρώτῃ, ἢ μείζων, ἢ ὀλίγῃ καὶ μέσῳ διωαμένη.

Theor. 54. Prop. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est vna ex quatuor irrationalibus, vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale.

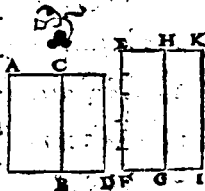


οβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις στωριζομένων, αἱ λοιπαὶ δύο ἀλογοὶ γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέσων πλεονέχεια, ἢ ἢ δύο μέγεθρα πωχόμενα.

Theor. 55. Prop. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, sunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potēs duo medialia.



Οιιι

Η' ἐκ δύο ὀνομάτων εἰ αἱ μετ' αὐτῶν ἄλλοι,

ἢτε τῇ μέσῃ, ἢτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ ῥητῶν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτὴν
παρακρίται, μήκει.

Τὸ δ' ἀπὸ αἰκῆ ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητῶν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ αἰκῆ ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητῶν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο
ὀνομάτων δευτέρων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων δευτέρας παρὰ ῥη-
τῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ
δύο ὀνομάτων τρίτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῶν μείζονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τέταρτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ῥητῆς εἰ μέσον διωχμένης παραβαλ-
λόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτων.

τὸ ὅ ἀπὸ τοῦ δύο μέγεθκα μένους παρὰ ῥητῶ πα-
 ραβαλλόμενον, πλάττει ποιῇ, τῶ ἐκ δύο ὄντων μά-
 τα ῥητῶ.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάττει διαφέρει τέτε πρώ-
 τε καὶ ἀλλήλων, καὶ ἢ πρώτου, ὅτι ῥητῆ ὄντι, ἀλλή-
 λων, ὅτι τῇ τάξει ἐκείνῃ αὐταὶ, διήλθον ὡς ἐ-
 αὐταὶ αὐτοὶ ἀλλοιοὶ διαφέρουσιν ἀλλήλων.

SCHOLIUM.

*Binomium & ceteræ consequentes lineæ irratio-
 nales, neque sunt eadem cum lineâ mediali,
 neque ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum se-
 cundum lineam rationalem, facit alterum la-
 tus lineam rationalem, & longitudine incom-
 mensurabilem lineæ secundum quam applica-
 tur, hoc est, lineæ rationali, per 23.*

*Quadratum vero Binomij secundum rationale
 applicatum, facit alterum latus Binomium
 primum, per 60.*

*Quadratum vero Bimedialis primi secundum
 rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-
 nomium secundum, per 61.*

*Quadratum vero Bimedialis secundi secundum
 rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines vacantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irrationales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΔΟ-

γῶν ᾧ καὶ ἀφαίρεσις.

Ἀρχὴ τῇ κατ' ἀφαίρεσιν ἐξάδωρ.

γ^ο

Ἐὰν ἀπὸ ῥητῆς ῥητῇ ἀφαιρεθῇ διωσάμει μόνον
σύμμετρον ἢ ἴσον τῇ ὅλῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστὶ καλεῖ-
σθαι ἀποτομή.

SECUNDVS ORDO ALTERIVS
sermonis, qui est de detractiōe.

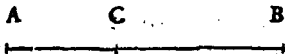
Principiū senariorū per detractiōē.

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis.

vocetur autem

Residuum.



ο δλ

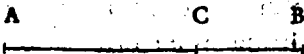
Ἐὰν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διωάμη μόνου σύμμετρο ἔξω τῇ ὅλῃ, μετὰ ἧς ὅλης ἐστὶν πε-
ριέχη, ἡ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστι. καλεῖσθαι ἡ μέσης ἀρ-
τομὴ πρώτη.

Probl. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota cōtineat superficiem rationalem, residua est irrationalis.

Vocetur autem

Residuum me-
diale primum.

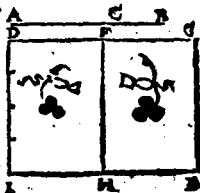


ο ε

Ἐὰν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διωάμη μόνου σύμ-
μετρο ἔξω τῇ ὅλῃ, μετὰ ἧς ὅλης μέσου περιέ-
χη, ἡ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστι. καλεῖσθαι ἡ μέσης ἀρτομὴ
δευτέρα.

Theor. 58. Propo. 75.

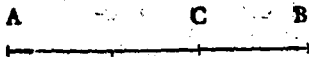
Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cū tota contineat superficiē medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autē Residuum mediale secundum.



Εἰ ἂν ἀπὸ διθείας διθεία ἀφαιρεθῇ δυναμει ἁ-
σύμμετρον ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ὅτ' ὅλης ποιῆται ὅ-
τι ἀπ' αὐτῇ ἅμα ῥητὸν, ὅτι ὅτ' αὐτῇ μέσοι, ἢ
λοιπὴ ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta pote-
tia incommensurabilis toti, compositum
autem ex quadratis totius lineæ & lineæ
detractæ sit rationale, parallelogrammū
verò ex iisdem contentum sit mediale, re-
liqua linea erit
irrationalis. Vo-
cetur autem li-
nea minor.



Εἰ ἂν ἀπὸ διθείας διθεία ἀφαιρεθῇ δυναμει ἁ-
σύμμετρον ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ὅτ' ὅλης ποιῆται ὅ-
τι ἀπ' αὐτῇ ἅμα ῥητὸν, ὅτι ὅτ' αὐτῇ μέσοι, ἢ
λοιπὴ ἀλογός ἐστι. καλεῖσθω δὲ ἐλάσσων.

συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέ-
 σον, τὸ δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοιπὴ ἄλογός ἐστι
 καλεῖσθαι ὅ μετὰ ἑνὶ μέσῳ τὸ ὅλον ποιεῖται.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
 tia incommensurabilis toti lineæ, cōposi-
 tum autem ex quadratis totius & lineæ
 detractæ sit mediale, parallelogrammum
 verò bis ex eisdem cōtentum sit rationa-
 le, reliqua linea est irrationalis. Vocetur
 autem linea faciens cum superficie ra-
 tionali totam su-
 perficiem me-
 dialem.



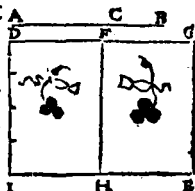
ον

Ἐὰρ ἀπὸ διθείας διθείᾳ ἀφαιρεθῇ δυναμὴ ἀσύμ-
 μετρον ὅσον τῇ ὅλῃ, μετὰ ὃν ὅλης ποιῆται τὸ
 συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων, μέσον,
 τὸ δις ὑπ' αὐτῶν, μέσον, ἢ τὰ ἀπ' αὐτῶν τε-
 τραγωνα ἀσύμμετρα ὅσον δις ὑπ' αὐτῶν, ἢ λοι-
 πὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι ὃ ἢ μετὰ μέσῳ μέσον τὸ
 ὅλον ποιεῖται.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
 tia incommensurabilis toti lineæ, cōposi-
 tum autem ex quadratis totius & lineæ
 detractæ sit mediale, parallelogrammū

verò bis ex iisdem sit etiam mediale: præ-
terea sint quadrata ipsarum incommen-
surabilia parallelogrammo bis ex iisdem
contēto, reliqua linea est
irrationalis. Vocetur au-
tem linea faciens cum su-
perficie mediali totam su-
perficiem medialem.

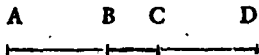


ο θ

Τῇ ἀποτομῇ μία μόνου προσαρμόζει ὀρθεῖα ἐκ τῆς
διωάμει μόνου σύμμετρον ἔχει τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantū linea recta cōiungi-
tur rationalis, po-
tētia tantū cōmē-
surabilis toti lineæ.

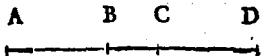


π

Τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτη μόνου μία προσαρμό-
ζει ὀρθεῖα μέση, διωάμει μόνου σύμμετρον ἔχει
τῇ ὅλῃ, μετὰ ᾧ ὅλης ῥα τὴν περιέχει.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantū li-
nea coniungitur medialis, potentia tan-
tū cōmēsurabi-
lis toti, ipsa cum to-
ta continens ratio-
nale.

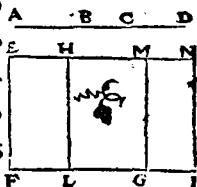


πα

Τῇ μέσῃ ἀφτομῇ διδυτέρᾳ μία μόνου περισσάρ-
μύζει διδυτῖα μέση, διωάμει μόνου σύμμετρο
ἔξ τῇ ὅλῃ, μετὰ ὃ ὅλης μέσον ποδύεχθε.

Theor. 62. Propo. 81.

Residuo mediali secundo
vnica tantum coniungi-
tur medialis, potetia tan-
tum commensurabilis to-
ti, ipsa cum tota continēs
mediale.

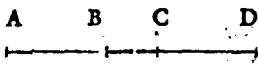


π β

Τῇ ἐλάσσονι μία μόνου περισσάρμύζει διδυτῖα διωά-
μει ἀσύμμετρος ἔξ τῇ ὅλῃ, ποιῖα μετὰ τῇ ὅλης
ἔξ τῇ ἑν τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνω, ῥητῇ, ὃ δὲ
ὑπ' αὐτῇ, μέτρον.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineę minori vnica tantum recta coniū-
gitur potentia incommensurabilis toti,
faciens cum tota compositū ex quadra-
tis ipsarum rationa-
le, id verò parallelo
grāmum, quod bis
ex ipsis fit, mediale.

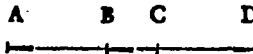


π γ

Τῇ μετὰ ῥητῇ μέτρῃ ὅλον ποιέση μία μόνου περισ-
σάρμύζει διδυτῖα διωάμει ἀσύμμετρος ἔξ τῇ

ὅλη, μετὰ ἧς ὅλης ποιεῖται ἡ συγκείμελος ἐκ τῆς
ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου, μέσος, ὅστις ὑπ' αὐτῆς,
ῥητόν.

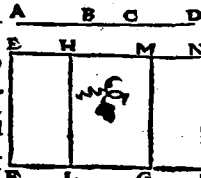
Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali
totam superficiem medialem, vnica tan-
tū coniūgitur linea recta potentia in-
commensurabilis toti, faciens autem cū
tota compositum ex quadratis ipsarum,
mediale, id verò
quod fit bis ex ipsis, 
rationale.

π δ

Τῇ μετὰ μέσῳ μέσῳ ὅλου ποιεῖται μία μόνον
παραγόμεναι διὰ τῆς διωάμης ἀσύμμετρον ἔχει
τῇ ὅλῃ, μετὰ δὲ τῇ ὅλῃ ποιεῖται τό, τε συγκείμελον
ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου, μέσος, ὅστις ὑπ'
αὐτῆς, μέσος, καὶ ἔστι ἀσύμμετρον ὃ συγκείμελον ἐκ
τῆς ἀπ' αὐτῆς ὅστις ὑπ' αὐτῆς.

Theor. 65. Propo. 84.

Lineæ cum mediali superficie faciēti to-
tam superficiem medialem, vnica tantū
coniungitur linea poten. 
tia toti incōmensurabilis,
faciens cum tota compo-
situm ex quadratis ipsarū
mediale, id verò quod fit

bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incōmensurable ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΨΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

ὑποκειμένης ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς.

Εἰ μὲν ὅλη ^α πρῶτα ρμοζύσης μείζου διώνηται
 ὡς ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμ-
 μετροῦ ἢ τῇ ἐκκείμενῃ ῥητῇ μήκει, καλεῖσθαι ἀ-
 ποτομὴν πρώτην.

Εἰ μὲν ὅλη ^β πρῶτα ρμοζύσῃ σύμμετροῦ ἢ τῇ ἐκ-
 κείμενῃ ῥητῇ μήκει, ὡς ἡ ὅλη τῇ πρῶτα ρμοζύ-
 σης μείζου διώνηται ὡς ἀπὸ συμέτρων αὐ-
 τῇ, καλεῖσθαι ἀποτομὴν δεύτεραν.

Εἰ μὲν ὅλη ^γ μὴ δευτέρα σύμμετροῦ ἢ τῇ ἐκκείμενῃ ῥη-
 τῇ μήκει, ἢ ὅλη τῇ πρῶτα ρμοζύσης μείζου
 διώνηται ὡς ἀπὸ συμέτρων αὐτῇ, καλεῖσθαι
 ἀποτομὴν τρίτην.

Πάλιν εἰ μὲν ἡ ὅλη τῇ πρῶτα ρμοζύσης μείζου δι-
 νηται ὡς ἀπὸ ἀσυμέτρων αὐτῇ μήκει.

Εὰρ ἢ ὅλη σίμε^δ Θ ἢ τῇ ἑκκειμένη ῥητῇ
μήκη, καλεῖσθαι αὐτοτὸμὴν τετάρτην.

Εὰρ ὃ ἢ πε^ε Θ ρμόζ^ε ζ , πέμπτη.

Εὰρ ὃ μὴ λε^ςτέ^ς ρ^ς, ἕκτη.

DEFINITIONES
tertiæ.

Proposita linea rationali & residuo.

I

*Siquidem tota, nempe composita ex ipso resi-
duo & linea illi coniuncta, plus potest quàm
coniuncta, quadrato lineæ sibi commensura-
bilis longitudine, fueritque tota longitudine
commensurabilis lineæ propositæ rationali, re-
siduum ipsum vocetur Residuum primum:*

2

*Si verò coniuncta fuerit longitudine commē-
surabilis rationali, ipsa autem tota plus pos-
sit quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi lon-
gitudine commensurabilis, residuum vocetur
Residuum secundum:*

3

Si verò neutra linearum fuerit longitudine

commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis vocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plus quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis:

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, vocetur Residuum quartum:

5

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum quintum.

6

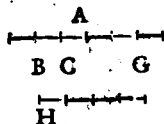
Si verò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potentior quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum sextum.

π 6

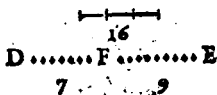
Εὐγεῖν τὸ πρῶτον ἀποτομῶ.

P ii

Probl.18.Pro-
posi. 85.

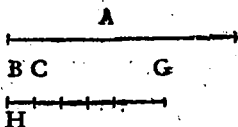


Reperire primum Re-
siduum.



^{π 5}
Ευρεῖν τὴν ἀντιθέραν ἀποτομήν.

Probl.19.Pro-
posi.86.

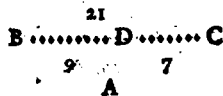


Reperire secundum
Residuum.

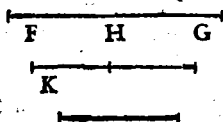


^{π 2}
Ευρεῖν τὴν βίτην ἀποτομήν.

Probl.20.Pro-
posi.87.



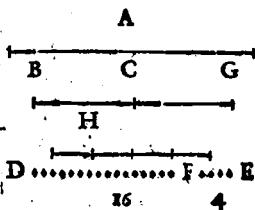
Reperire tertium Re-
siduum.



^{π η}
Ευρεῖν τὴν τετάρτην ἀποτομήν.

Probl. 21. Pro-
positio. 88.

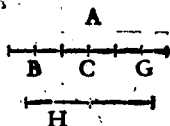
Reperire quantum
Residuum.



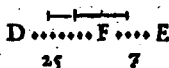
π θ

Εὐρεῖν τι πῶς μὲν πτω ἀποτομήν.

Problema 22. Pro-
positio 89.



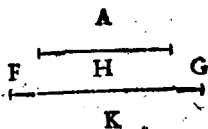
Reperire quantum Resi-
dum.



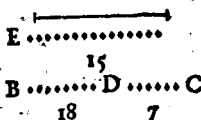
ζ

Εὐρεῖν τὴν ἐκ πτω ἀποτομήν.

Problema 22. Pro-
positio. 90.



Reperire sextum Resi-
dum.

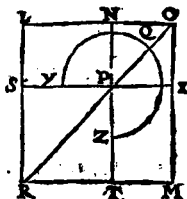
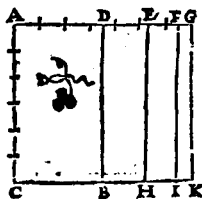


ζ α

Εἰς τὸν χωρίον πτω λέγεται ἡ ἀποτομή καὶ ἀποτομὴς
πρώτης, ἢ τὸ χωρίον διωαμένη, ἀποτομὴ δευ-
τέρη.

Theor.66.Proposi.91.

Si superficies cõtineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiẽ potest, est residuum.

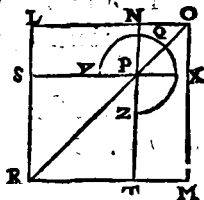
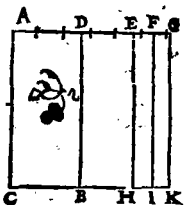


46

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς δευτέρας, ἢ ῥ χωρίον διωαμένῃ, μέσης ἀποτομῇ ὅτι πρώτῃ.

Theor.67.Propo.92.

Si superficies cõtineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiẽ potest, est residuum mediale primum.

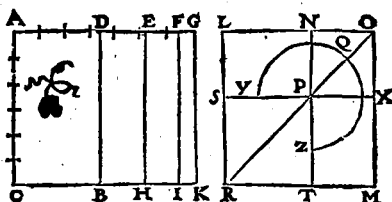


47

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τρίτης, ἢ ῥ χωρίον διωαμένῃ, μέσης ἀποτομῇ ὅτι δευτέρῃ.

Theor.68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.

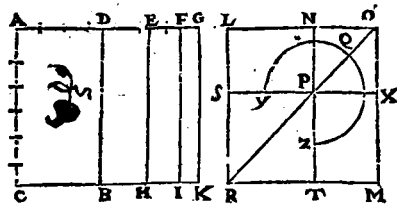


ζ δ

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τέταρτης, ἢ ὅτε χωρίον διωαμένη, ἐλάσσων ὅσῃ.

Theor.69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.

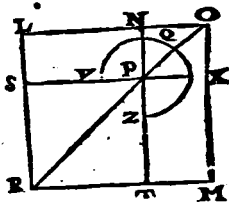
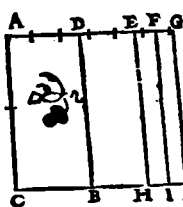


ζ ε

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πέμπτης, ἢ ὅτε χωρίον διωαμένη, ἢ μετὰ ῥητῆς μέσων ὅλων ποιεῖται ὅσῃ.

Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cum rationali superficie faciens totam medialem.

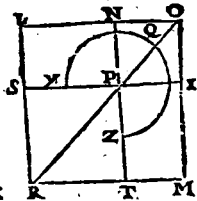
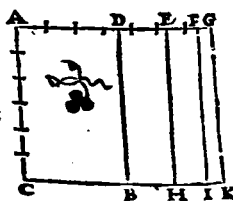


45

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὡς ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς ἑκτῆς, ἢ τὸ χωρίον διωαμένῃ, μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποιῶν ἔστι.

Theor. 71. Propo. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediali superficie totam medialem.

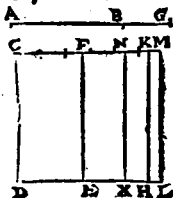


48

Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητῇ παραβαλλόμενον, πλάττει ἀποτομὴν πρώτῃ.

Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

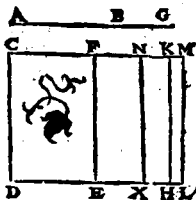


47

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητῶ παρὰ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν διωτέρην.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum.

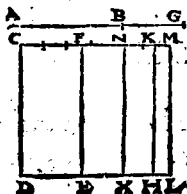


48

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς διωτέρας παρὰ ῥητῶ παρὰ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτην.

Theor. 74. Propo. 99.

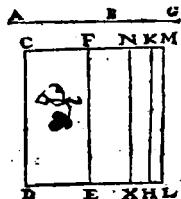
Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.



Τὸ ἀπὸ ἑλάσσονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον,
πλάτθ' ποιᾷ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

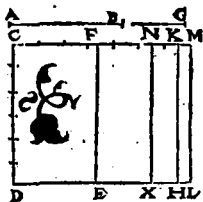
Quadratum lineæ mino-
ris secūdum rationalem
applicatum, facit alterū
latus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητῶν μέσου τῆς ὅλου ποιέσης παρὰ
ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτθ' ποιᾷ, ἀποτο-
μὴν πέμπτην.

Theor. 76. Propo. 101.

Quadratum lineæ cū ra-
tionali superficie faciētis
totam medialem, secun-
dum rationalem applica-
tum, facit alterū latus re-
siduum quintum.

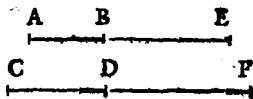


Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσου μέσου τῆς ὅλου ποιέσης πα-
ρὰ ῥητῆς παραβαλλόμενον, πλάτος ποιᾷ, ἀπο-
τομὴν ἑκτὴν.

Η' τῇ ἐλάσσονι σύμμετρον, ἐλάσσων ὅσιν.
^{ρ ε}

Theor. 80. Prop. 105.

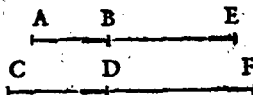
Linea communis
 bilis lineæ minori,
 est & ipsa linea mi-
 nor.



Η' τῇ μετὰ ῥῆτ' μέσων ὅλων ποίησι σύμμετρον,
 καὶ αὐτὴ μετὰ ῥῆτ' μέσων ὅλων ποίησιν ὅσιν.
^{ρ σ}

Theor. 81. Prop. 106.

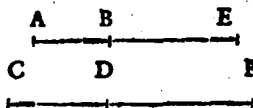
Linea communis lineæ cum ra-
 tionali superficie facienti totam media-
 lem, est & ipsa linea
 cū rationali superfi-
 cie faciens totā me-
 dialem.



Η' τῇ μετὰ μέσων μέσων ὅλων ποίησι σύμμετρον,
 καὶ αὐτὴ μετὰ μέσων μέσων ὅλων ποίησιν ὅσιν.
^{ρ ζ}

Theor. 82. Prop. 107.

Linea communis lineæ cum me-
 diali superficie fa-
 ciēti totam media-
 lem, est & ipsa cum
 mediali superficie
 faciens totam medialem.

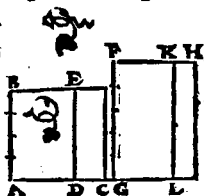


ρη

Απὸ ρητῶ, μέσῃ ἀφαιρεμένη, ἢ τ' λοιπὸν χωρίον
διωαμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἥτοι ἀποτο-
μὴ, ἢ ἐλάττωρ.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur su-
perfacies medialis, linea quæ reliquam
superficiem potest, est al-
terutra ex duabus irratio-
nalibus, aut Residuum,
aut linea minor.

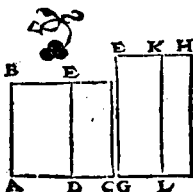


ρθ

Απὸ μέσῃ, ρητῶ ἀφαιρεμένη, ἄλλαι δύο ἄλογοι
γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομὴ πρώτη, ἢ μετὰ ρητῶ
τ' ὅλων ποιεῖσα.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali detrahatur su-
perfacies rationalis, aliæ
duæ irrationales fiūt, aut
residuū mediale primū,
aut cum rationali superfi-
ciem faciens totam me-
dialem.



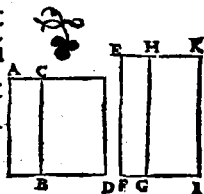
ρι

Απὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαιρεμένη ἀσυμμέτρῃ τῶν ὅλων,

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή
μὴ διατέρει, ἢ μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποιῶσα.

Theor. 85. Propo. II.

Si de superficie mediali detrahatur superficies medialis quæ sit incōmēsurabilis toti, reliquæ duæ fiunt irrationales, aut residuū mediale secundum, aut cū mediali superficie faciens totam medialem.

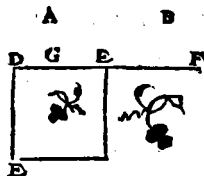


ρια

Ἡ ἀποτομή ἐκ ἑστίν ἡ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 86. Propo. III.

Linea quæ Residuū dicitur, nō est eadem cum ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή καὶ αἱ μετ' αὐτῇ ἄλογοι, ὅτε τῇ μέσῃ ὅτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῇ παρβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ῥητῇ δὲ ἀσύμμετρον τῇ

παρ' ὧ παρακινῆται, μήκει.

Τὸ ὃ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῶ πρώτῳ.

Τὸ ὃ ἀπὸ μέσης ἀποζυμῆς πρώτης παρὰ ῥητῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν διουτέραν.

Τὸ ὃ ἀπὸ μέσης ἀποζυμῆς διουτέρας παρὰ ῥητῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτῳ.

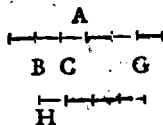
Τὸ ὃ ἀπὸ ἐλάττονος παρὰ ῥητῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν τεταρτῶν.

Τὸ ὃ ἀπὸ ἀμφοτέρων μετὰ ῥητῶ μέσον ὅλον ποίεσης παρὰ ῥητῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν πέμπτῳ.

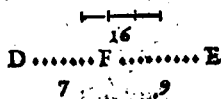
Τὸ ὃ ἀπὸ ἀμφοτέρων μετὰ μέσων μέσον ὅλον ποίεσης παρὰ ῥητῶ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῶ ἑκτῳ.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρῃ τῶν τε πρώτων ἑ ἀλλήλων (τῶν ἡ πρώτων, ὅτε ῥητῶν, ἀλλήλων ὃ, ὅτε τάξει ἐκείνων αἱ αὐταὶ) διη-

Probl.18.Pro-
posi. 85.

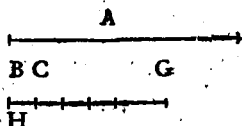


Reperire primum Re-
siduum.

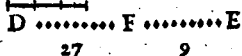


^{π 5}
Εὐρεῖν τὴν ἀντιθέτου ἀποτομῆν.

Probl.19.Pro-
posi.86.

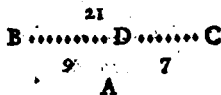


Reperire secundum
Residuum.

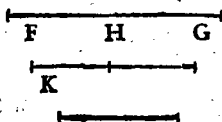


^{π 2}
Εὐρεῖν τὴν τρίτην ἀποτομῆν.

Probl.20.Pro-
posi.87.



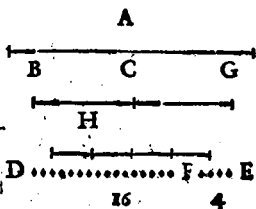
Reperire tertium Re-
siduum.



^{π η}
Εὐρεῖν τὴν τετάρτην ἀποτομῆν.

Probl. 21. Pro-
positio. 88.

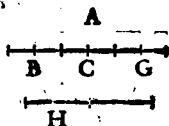
Reperire quartum
Residuum.



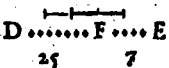
$\pi \theta$

Ευρεῖν τιὰ τέταρτον ἀποτομήν.

Problema 22. Pro-
positio 89.



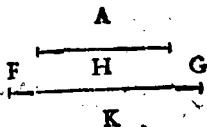
Reperire quintum Resi-
duum.



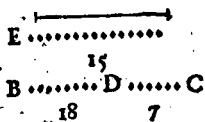
$\frac{1}{4}$

Ευρεῖν τιὰ πέμπτον ἀποτομήν.

Problema 22. Pro-
positio. 90.



Reperire sextum Resi-
duum.

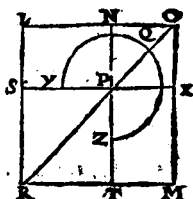
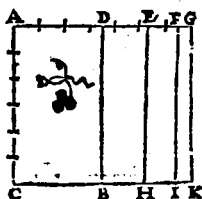


$\frac{1}{4} \alpha$

Εἴς τὸν χωρὶον πρὸ δέχεται ἡ ἀποτομὴ καὶ ἀποτομὴς
πρώτης, ἡ δὲ χωρὶον διωαμένη, ἀποτομὴ δέυ-
τερη.

Theor.66.Proposi.91.

Si superficies cōtineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiē potest, est residuum.

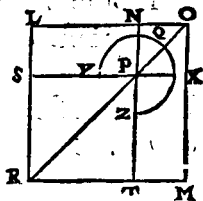
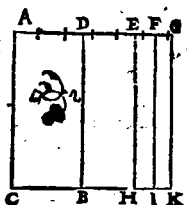


46

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πρῶτης, ἢ ῥ χωρίον διωσμένη, μέσης ἀποτομῇ ὅστις πρώτη.

Theor.67.Propo.92.

Si superficies cōtineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiē potest, est residuum mediale primum.

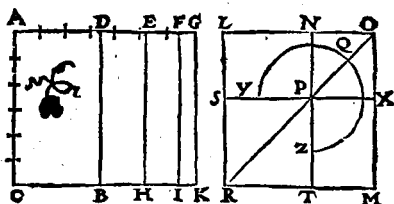


47

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς δευτέρας, ἢ ῥ χωρίον διωσμένη, μέσης ἀποτομῇ ὅστις δεύτερη.

Theor.68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.

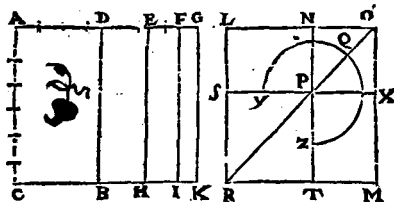


ζδ

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τέταρτης, ἢ ὅτε χωρίον διωαμένη, ἐλάσσων ὅστι.

Theor.69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.

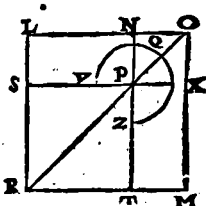
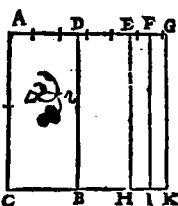


ζε

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πέμπτης, ἢ ὅτε χωρίον διωαμένη, ἢ μετὰ ῥητὸς μέσων ὅλον ποιεῖ ὅστι.

Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cum rationali superficie faciens totam medialem.

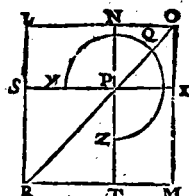
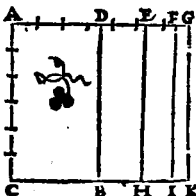


45

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς ἑκτῆς, ἢ ἑξῶς χωρίον διωαμένη, μετὰ μέσων μέσων τοῦ ὅλου ποιεῖ ὅλον.

Theor. 71. Prop. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediali superficie totam medialem.

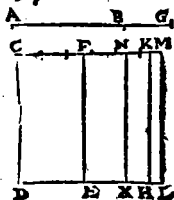


48

Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάττει ἀποτομὴν πρώτῃ.

Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

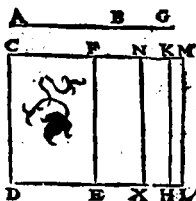


48

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀρτομῆς πρώτης παρὰ ῥητῶ παρὰ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν δυνάτεως.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum.

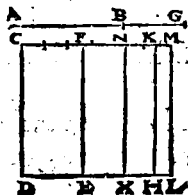


49

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς δυνάτεως παρὰ ῥητῶ παρὰ βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτῃ.

Theor. 74. Proposi. 99.

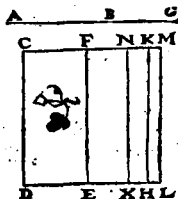
Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.



Τὸ ἀπὸ ἑλάσσονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτθ' ποιῇ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

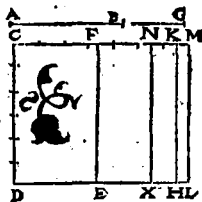
Quadratum lineæ minoris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητῶν μέσου ὅλον ποιέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτθ' ποιῇ, ἀποτομὴν πέμπτην.

Theor. 76. Propo. 101.

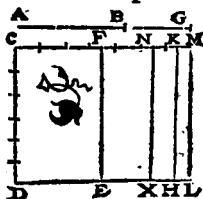
Quadratum lineæ cū rationali superficie faciētis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum quintum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσου μέσου ὅλον ποιέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀποτομὴν ἑκτὴν.

Theor. 77. Propo. 102.

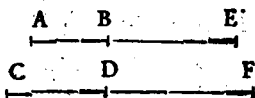
Quadratum lineæ cum mediali superfici-
cie facientis totam me-
dialem, secundum ratio-
nalem applicatum, facit
alterum latus residuum
sexturn.



Ἡ τῇ ἀποτομῇ ^{εγ} μήκῃ σύμμετρον, ἀποτομὴ ὅσῳ,
ἔστι τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 78. Propo. 103.

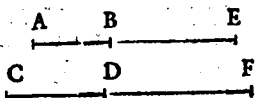
Linea residuo cō-
mensurabilis longi-
tudine, est & ipsa re-
siduum, & eiusdem
ordinis.



Ἡ τῇ μέσῃ ἀποτομῇ ^{εδ} σύμμετρον, μέσῃ ἀποτομῇ
ὅσῳ, ἔστι τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 79. Propo. 104.

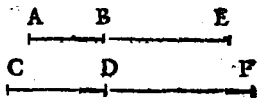
Linea commensura-
bilis residuo media-
li, est & ipsa residuū
mediale, & eiusdem
ordinis.



^{ρ ε}
 Η· τῇ ἐλάσσονι σύμμετρον, ἐλάσσων ὅδῃ.

Theor. 80. Prop. 105.

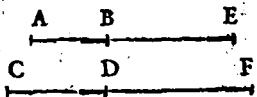
Linea communis
 bilis lineæ minori,
 est & ipsa linea mi-
 nor.



^{ρ σ}
 Η· τῇ μετὰ ῥῆτῃ μέσῳ ὅλον ποιεῖσι σύμμετρον,
 καὶ αὐτὴ μετὰ ῥῆτῃ μέσῳ ὅλον ποιεῖ ὅδῃ.

Theor. 81. Prop. 106.

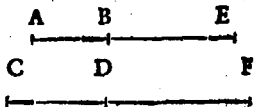
Linea communis
 furabilis lineæ cum ra-
 tionali superficie facienti totam media-
 lem, est & ipsa linea
 cū rationali superfi-
 cie faciens totā me-
 dialem.



^{ρ ζ}
 Η· τῇ μετὰ μέσῳ μέσῳ ὅλον ποιεῖσι σύμμετρον,
 καὶ αὐτὴ μετὰ μέσῳ μέσῳ ὅλον ποιεῖ ὅδῃ.

Theor. 82. Prop. 107.

Linea communis
 furabilis lineæ cum me-
 diali superficie fa-
 ciēti totam media-
 lem, est & ipsa cum
 mediali superficie
 faciens totam medialem.

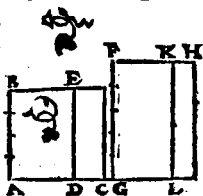


ρ^η

Απὸ ῥητῶ, μέσῃ ἀφαιρεμένη, ἢ τ' λοιπὸν χωρίον
διωαμένη, μία διὰ ἁλόγων γίνεται, ἥτοι ἀποτο-
μή, ἢ ἐλάττωμα.

Theor. 83. Propo. 108.

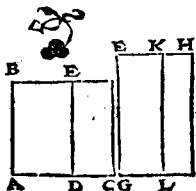
Si de superficie rationali detrahatur su-
perficie medialis, linea quæ reliquam
superficiem potest, est al-
terutra ex duabus irratio-
nalibus, aut Residuum,
aut linea minor.

ρ^θ

Απὸ μέσῃ, ῥητῶ ἀφαιρεμένη, ἄλλαι διὰ ἁλόγοι
γίνονται, ἥτοι μέσῃ ἀποτομή πρώτῃ, ἢ μετὰ ῥητῶ
τ' ὅλων ποιεῖται.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali detrahatur su-
perficie rationalis, aliæ
duæ irrationales fiūt, aut
residuū mediale primū,
aut cum rationali superfi-
ciem faciens totam me-
dialem.

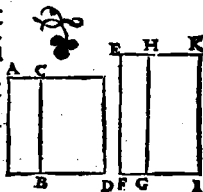
ρ^ι

Απὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαιρεμένη ἀσυμμέτρῃ τῶν ὅλων,

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή
μὴ πλουτέρεα, ἢ μετὰ μέσῃ μέσοις ὅλον ποιῶσα.

Theor. 85. Propo. II.

Si de superficie mediali detrahatur superficies medialis quæ sit incōmēsurabilis toti, reliquæ duæ sunt irrationales, aut residuū mediale secundum, aut cū mediali superficie facienstotam medialem.

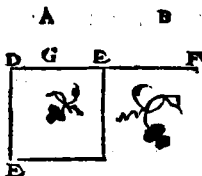


ρια

Ἡ ἀποτομή ἐκ ἑστῆς ἢ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάστων.

Theor. 86. Propo. III.

Linea quæ Residuum dicitur, nō est eadem cum ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή καὶ αἱ μετ' αὐτῇ ἄλογοι, ὅτε τῇ μέσῃ ὅτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ ὅτι ἂν ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῇ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ῥητῇ δ' ἀσύμμετρον τῇ

παρ' ὧ παρακίται, μήκει.

Τὸ ὃ ἀπ' ἀποτομῆς παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποβμὼν πρώτῳ.

Τὸ ὃ ἀπὸ μέσης ἀποβμῆς πρώτης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποβμὴν διυτέραν.

Τὸ ὃ ἀπ' ἀποτομῆς ἀποβμῆς διυτέρας παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτῳ.

Τὸ ὃ ἀπὸ ἐλάττωνος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποβμὴν τετάρτῳ.

Τὸ ὃ ἀπ' ἀπὸ μετὰ ῥητῶν μέσου ὅλου ποίσεως παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποβμὴν πέμπτῳ.

Τὸ ὃ ἀπὸ ἀπὸ μετὰ μέσου μέσου ὅλου ποίσεως παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποβμὴν ἕκτῳ.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρῃ τῶν πρώτων ἀλλήλων (τῶν ἄλλων, ὅτε ῥητῶν, ἀλλήλων ὃ, ὅτε τάξει ἐκ εἰσὶν αἱ αὐταὶ) δι-

λομῶς καὶ αὐταὶ αἱ ἄλογοι διαφέρουσιν ἀλλή-
 λωρ, καὶ ἐπεὶ διέδικται ἡ ἀποδομὴ ἐκ ἑῶν ἢ αὐτῇ
 τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιεῖσι ὅπλατι παρὰ ἐν-
 τιῷ παραβαλλόμενοι ἢ αἱ μετὰ τιῷ ἀποδο-
 μῇ, ἀποδομὰς ἀκολούθως τῇ τάξει καθ' αὐτήν,
 αἱ ὅ μετὰ τιῷ ἐκ δύο ὀνομάτων, ταῖς ἐκ δύο ὀνο-
 μάτων, εἰ αὖται τῇ τάξει ἀκολούθως, ἕτεραι ἄ-
 ρχεισὶν αἱ μετὰ τιῷ ἀποδομῇ, καὶ ἔτδραι αἱ με-
 τὰ τιῷ ἐκ δύο ὀνομάτων, ὥς εἶναι τῇ τάξει
 πάρος ἀλόγως ι γ.

α	Μέσῳ.	η	Ἀποδομῇ.
β	Ἐκ δύο ὀνομάτων.	θ	Μέσῳ ἀποδομῇ
γ	Ἐκ δύο μέσων πρώ- τιῳ.	πρῶτῳ.	
δ	Ἐκ δύο μέσων διδυ- τέρου.	ι	Μέσῳ ἀποδομῇ
ε	Μείζονα.	ια	Ἐλαττόνα.
ς	Ἡ γὰρ καὶ μέσον διῶκα μένῳ.	ιβ	Μετὰ ἐντὶ μέσον γ
ζ	Δύο μέτρα διῶκα μέ- νῳ.	ιγ	Μετὰ μέσον μέσον
		ιδ	ὅλον ποιεῖν.
		ιε	ὅλον ποιεῖν.

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, & cætera quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediali neq; sibi ipsæ inter se sunt eadē. Nam quadratum lineæ medialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundū quam applicatur, per 23. Quadratum verò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuū primum, per 97.

Quadratum verò residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui medialis secundi, facit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alterū latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato equalis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniã est rationalis linea: inter se verò differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt & residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomii & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomiis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ consequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

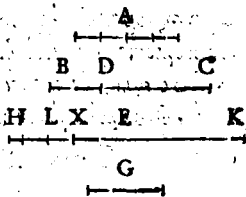
- | | |
|------------------------------|-----------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum media- |
| 3 Bimediale primū. | le secundum. |
| 4 Bimediale secundū. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum ratio- |
| 6 Potēs rationale & mediale. | nali superficie to- |
| | tam medialem. |
| 7 Potēs duo medialis. | 13 Faciens cum me- |
| 8 Residuum | diali superficie to- |
| 9 Residuum mediale | tam medialem. |

916

Τὸ ἄρ' ἐστὶν παρὰ τὴν ἐν δύο ὀνομάτων παρα-
 βαλλόμενον, πλάττει ποιεῖ, ἀποδομῶν, ἢς τὰ ὀνό-
 ματα σύμμετρα εἴσι τοῖς τ' ἐν δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
 σι, καὶ ἐξ αὐτῶν λόγῳ. καὶ ἐκ γινομένην ἀποτο-
 μὴ τὴν αὐτὴν ἔχει τάξιρ τ' ἐν δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum
 Binomium applicatum, facit alterum la-
 tus residuum, cuius
 nomina sunt com-
 mensurabilia Bino-
 mii nominibus, & in
 eadē proportionē:
 præterea id quod fit
 Residuum, eundem



Q ii

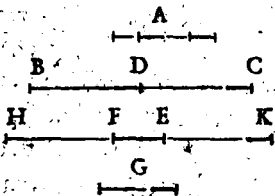
ordinem retinet quem Binomium.

ειγ

Τὸ ἀπὸ ρητῆς παρὰ ἀπορρυθμὴν παρεμβαλλόμενον, πλεονάζει, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἢς τὰ ὀνόματα σύμμετρα ὅτι τῆς αὐτῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ἡ γινομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀπορρυθμῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum residuum applicatum, facit alterū latus Binomium, cuius nomina sunt commensurabilia nomini-
bus residui & in eadem proportio-
ne: præterea id quod fit Binomium est eiusdē ordinis, cuius & Residuum.



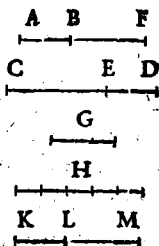
ειδ

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ἀπορρυθμῆς καὶ αὐτῆς ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢς τὰ ὀνόματα σύμμετρα ὅτι τῆς αὐτῆς ἀποτομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ἡ γινομένη διωαμένη, ρητὴ ὅτι.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum cōtineatur ex re-

fiduo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportionē, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

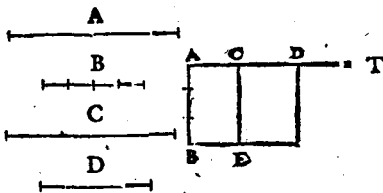


ρ 16

Ἀπὸ μέσης ἄπλοοι ἄλογοι γίνονται, ἐξ ὁποῦν ἑ-
λεμῶ τῶν πρὸς τὸν ἑαυτῆς.

Theor. 90. Propo. 115.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irra-
tionales
innume-
rabiles,
quarum
nulla vlli
ante di-
ctarum eadem sit.



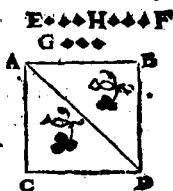
ρ 15

Γραμμάτω ἢ μὲν δεῖξαι, ὅτι ὑπὸ τῶν τετραγώνων
χημάτων, ἀσύμμετρός ἐστιν ἡ διαμετρετὴ πλο-
υρᾶ μήκη.

Q iii

Propo. 116.

Propositū nobis esto de-
monstrare in figuris qua-
dratis diametrum esse lō
gitudine incommensura-
bilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM VNDECIMVM,

ET SOLIDORVM

primum.

ΟΡΟΙ.

α,

Στερεόμῆξι τ' μήκη, καὶ πλάτος, καὶ βάθος ἔχου.

DEFINITIONES

I

Solidum, est quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὺν ὃ πᾶσι, ἐπιφανεία.

Q. iiii

2

Solidi autem extremum est superficies.

Εὐθεία πρὸς ἐπίπεδον ὀρθή ἐστίν, ὅταν πρὸς πά-
σαις ταῖς ἀπτομέναις αὐτῆς εὐθείαις, καὶ ἕξῃς ἐν ἑξῇ
αὐτῇ ὑποκείμεναι διπλάσι, ὀρθὰς ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad
rectas omnes lineas, à quibus illa tangi-
tur, quæque in proposito sunt plano, re-
ctos angulos efficit.

δι

Επίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθόν ἐστίν, ὅταν αἱ τῇ
κοινῇ τομῇ τῶν ἐπιπέδων πρὸς ὀρθὰς ἀγόμεναι
εὐθεῖαι ἐν ἐνὶ τῶν ἐπιπέδων, ἑξῇ λοιπῶν ἐπιπέ-
δων πρὸς ὀρθὰς ᾖσιν.

4

Planum ad planum rectum est, cum re-
ctæ lineæ, quæ cōmmuni planorum se-
ctioni ad rectos angulos in vno planorū
ducuntur, alteri plano ad rectos sunt an-
gulos.

ε.

Εὐθείας πρὸς ἐπίπεδον κλίσεις ἐστίν, ὅταν ἀπὸ τῆς
μετέωρης πύραυλος αὐτῆς εὐθείας ὑπὸ τῷ ἐπίπεδον κα-
τακτεῖται ἀχθῇ, καὶ ἀπὸ τῆς γενομένης σημείας, ἀπὸ τῆς
ἐν ἑξῇ ἐπιπέδου πύραυλος αὐτῆς εὐθείας, διθείας

ἐπιζυχθῇ, ἢ ποδλεχομένη ὀξεία γωνία ᾧ πρὸς αὐτὴν
ἀχθείσης ὁ τῆς ἐφεσώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistentē lineæ & adiuncta altera comprehensus, cū à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpēdicularis, atque à puncto quod perpēdicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum, quod in eodem est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπιπέδου πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ὅστις, ἢ ποδλεχομένη ὀξεία γωνία ᾧ πρὸς τῇ πρὸς ὀρθῶς τῇ κοινῇ τομῇ ἀγομένων πρὸς τῇ αὐτῷ σημείῳ ἐκαστὴ ἐφ' αὐτῇ ἐπιπέδου.

6

Plani ad planum inclinatio, acut⁹ est angulus rectis lineis cōtentus, quæ in utroque planorum ad idem cōmunis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

8

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁμοίως κεκλιῶσαι λέγεται, ὅταν πρὸς ἑτέρῳ, ὅταν αἱ εἰρημέναι τῇ κλίσεως γωνία ἴσται ἀλλήλαις ὥσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt equales.

η

Παράλληλα ἐπίπεδα ἔστι τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallelæ plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

θ

Ὅμοια στερεὰ χήματα ἔστι, τὰ ἔκ τῶν ὁμοίων ἐπιπέδων πρὸς ἀλλήλους ἴσων ἢ πλείους.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

ι

Ἰσὰ καὶ ὅμοια στερεὰ χήματα ἔστι, τὰ ἔκ τῶν ὁμοίων ἐπιπέδων πρὸς ἀλλήλους ἴσων ἢ πλείους καὶ ἴσῳ μεγέθει.

10

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

11

Στερεὰ γωνία ἔστι, ἢ ἔκ τῶν πλείονων ἢ δύο γωνι-

μῶν ἀπτομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιφανείᾳ ὁσῶν, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

II

Solidus angulus, est plurium quàm duarum linearum, quæ se mutuò contingāt, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio.

Ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ὅστις, ἢ ἑπὶ πλάττων ἢ διὸς ἐπιπέδων γωνίων ποδλεχόμενη, μὴ ὁσῶν ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιπέδῳ, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισαμένων.

Aliter.

Solidus angulus, est qui pluribus quàm duobus planis angulis in eodem non consistentibus plano, sed ad vnum punctum collectis, continetur.

ιβ

Πύραμις ὅστις ἡμᾶς στερεὸν ἐπιπέδοις ποδλεχόμενον, ἂν ἐνὸς ἐπιπέδῳ πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνενώσῃ.

12

Pyramis, est figura solida quæ planis continetur, ab vno plano ad vnum punctum collecta.

ιγ

Γεῖσμα ὅστις ἡμᾶς στερεὸν ἐπιπέδοις ποδλεχόμενον, ὅν διὸ ταῖς ἀπεναντίον ἴσας ὁμοιὰς ὅστις, καὶ παρὰλληλας, τὰ δὲ λοιπὰ παρὰλληλόγραμμα.

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

14

Σφαῖρα ἔστιν, ὅταν ἡμικυκλίᾳ μάλιστα διὰ μέγιστον, πῶς ἐνεχθῇ τῇ ἡμικυκλίῳ, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅταν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ πᾶν ληφθὲν ὡς ἓν.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circum quiescētē diametrum semicirculo continetur, cū in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

16

Ἄξων ἡ σφαίρας ἔστιν, ἡ μέγιστος διὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμικυκλίῳ σφύρεται.

15

Axis autē sphæræ, est quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον ἡ σφαίρας ἔστι τὸ αὐτὸ, ὅτι ἡ ἡμικυκλίᾳ.

16

Centrum verò Sphæræ est idem, quod & semicirculi.

¹⁶
 Διαμέτρος ἡ ἀσφαίρεως ἐστὶν, δι' αὐτῆς διὰ τῆς
 κέντρου ἡγμένη, καὶ περὶ αὐτὴν ἐκείνην τὰ μέ-
 ρη ἴσα ἀπὸ τοῦ κέντρου φαίνεται τῇ σφαίρῳ.

17

Diameter autem Sphæræ, est recta qua-
 dam linea per centrum ducta, & vtrin-
 que à sphæræ superficie terminata.

18

Κωνὸς ὅστις, ὅταν ὁρθογωνίῳ τρίγωνῳ μέγιστος πλο-
 ρῆς τῇ περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, περιεληφθὲν καὶ
 περιστρεφόμενος εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὁ αὐτὸς ἡρξά-
 το φέρεσθαι, τὸ περιληφθὲν σχῆμα. καὶ ἡ μέντοι
 ἐκείνη ἴση τῇ λοιπῇ τῇ περιττῇ ὀρθῇ περι-
 φερόμενη, ὁρθογωνίος ἐστὶν κωνός· ἐὰν ὅμως ἐλάττω,
 ἀμβλυγωνίος· ἐὰν ὅμως μέγιστος, ὀξυγωνίος.

18

Conus est figura, quæ conuerso circum
 quiescens alterum latus eorum quæ re-
 ctum angulum continent, orthogonio
 triangulo continetur, cum in eundem
 fursus locum illud triagulum restitutum
 fuerit, vnde moueri cœperat. Atque si
 quiescens recta linea æqualis sit alteri,
 quæ circum rectum angulum cōuertitur,
 rectangulus erit Conus: si minor, am-
 blygonius: si verò maior, oxygonius.

18.

Ἀξὼν ὁ τῆς κώνος ἐστὶν ἡ μένους ἑξ, ἀδὲ λῶν τῶν βίγωνον
σρέφεται.

19

Axis autem Coni, est quiescēs illa linea,
circum quam triangulum vertitur.

κ

Βάσις ὅ, ὁ κύβλῳ ὁ ὑπὸ αἱ. ποδικορομένης αἱ -
θείας γραφομένης.

20

Basis vero Coni, circulus est qui a circun-
ducta linea recta describitur.

κα

κύβλινδρῳ. διέ, ὅταν ὁρθογωνία παραλληλο-
γραμμῶν μινύσῃς μῖας πλευρᾶς τῆς περὶ τὴν ὀρθάν,
ποδικοροχθῆν τῶν παραλληλόγραμμων εἰς τῶν αὐτῶν
πάλιν ἀποκατασταθῇ, ὅ, ἀνῆρξάτο φέρεσθαι, τῶν πε-
ριληφθῆν χῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso cir-
cum quiescēns alterum latus eorum quæ
rectum angulum continēt, parallelogrā-
mo orthogonio comprehenditur, cum
in eundem rursus locum restitutum fue-
rit illud parallelogrammum, vnde moue-
ri cœperat.

κ β

Ἀξὼν διέ τῶν κύβλινδρῶν ἐστὶν ἡ μένους ἑξ αἱ βῆξ, ἀδὲ

ὡς παραλληλόγραμμοι σρέφεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

κ γ

Βάσεις γ, οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀποκέντρου πόδια-
γομένων δύο πλυσθῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

κ δ

Ὅμοιοι κώνοι καὶ κύλινδροι εἰσι, ὅμοιό τε ἄξονες καὶ αἱ διαμέτροι τῶν βάσεων ἀναλόγῳ εἰσι.

24

Similes cōni & cylindri, sunt quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

κ ε

Κύβος δὲ γῆμα σφῆρον, ὑπὸ ἑξ τετραγώνων ἴσων ποδισχόμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

κ ς

Τετραέδρου δὲ γῆμα ὑπὸ τετάρων τριγώνων

ἴσων ἐῖς ὁπλῶν πᾶσι μετρίων.

26

Tetraëdron est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κ ζ

Ὀκταέδρον ὅστις ἔστι χῆμα τετράδων ἑξάγων ἴσων καὶ ἐῖς ὁπλῶν πᾶσι μετρίων.

27

Octaëdron figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κ η

Δωδεκαέδρον ὅστις ἔστι χῆμα τετράδων ἑξάγων ἴσων, ἐῖς ὁπλῶν πᾶσι μετρίων.

28

Dodecaëdron figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κ θ

Ἐικοσάεδρον ὅστις ἔστι χῆμα τετράδων ὑπὸ εἰκοσὶ τριγώνων ἴσων καὶ ἐῖς ὁπλῶν πᾶσι μετρίων.

29

Eicosaëdron figura est solida, quæ trigulis viginti æqualibus & æquilateris continetur.

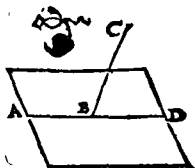
Προτάσεις.

Προτάσεις.

α
 Εὐθείας γραμμῆς μέρος μὲν λ ἐκ εἰς α ἢ β ὑπο-
 κεμένῳ ὑπὸ πλάνῳ, μέρος θ δὲ λ ἐν τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Propo. 1.

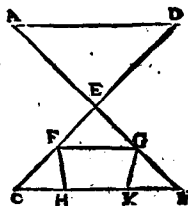
Quædā rectæ lineæ pars
 in subiecto quidem non
 est plano, quædam verò
 in sublimi.



β
 Ἐὰν δύο δι' αὐτῶν τέμνωσιν ἀλλήλας, ἐνὶ εἰσὶν
 ἐπιπέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον ἐν τῷ ἐπιπέδῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

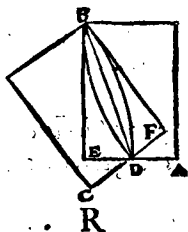
Si duæ rectæ lineæ se mu-
 tuò secēt, in vno sunt pla-
 no : atque triangulum o-
 mne in vno est plano.



γ
 Ἐὰν δύο ἐπίπεδα τέμνη ἀλλήλας, ἡ κοινὴ αὐτῶν ῥῆ-
 μὴ δι' αὐτῶν ὅτι.

Theor. 3. Pro-
positio. 3.

Si duo plana se mutuò se-
 cent, communis eorum
 sectio est recta linea.

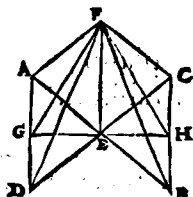


δι

Εὰν δύο ὀρθαὶ δύο ὀρθαῖς τεμνέσταις ἀλλήλας,
πρὸς ὁρθὰς ὑπὸ αὐτῇ κοινῆς ῥμῆς ἐπισταθῇ, αὐτὴ
δι' αὐτῇ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς ἔσται.

Theor. 4. Prop. 4.

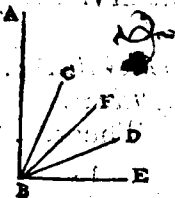
Si recta linea rectis dua-
bus lineis se mutuò secā-
tibus, in cōmuni sectio-
ne ad rectos angulos in-
sistat illa ducto etiā per
ipsas plano ad angulos re-
ctos erit.



Εὰν δύο ὀρθαὶ ἴσῃ ὀρθαῖς ἀπτομέναις ἀλλήλων,
πρὸς ὁρθὰς ὑπὸ αὐτῇ κοινῆς ῥμῆς ἐπισταθῇ, αὐτὴ
ὀρθαὶ ἐν ἐνὶ εἰσιν ἐπιπέδῳ.

Theor. 5. Prop. 5.

Si recta linea rectis tribus
lineis se mutuò tangēti-
bus, in cōmuni sectione
ad rectos āgulos insistat,
illæ tres rectæ in vno sunt
plano.

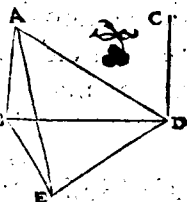


5

Εὰν δύο ὀρθαὶ αὐτῇ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς
ᾧσι, παραλλήλοι ἔσονται αὐτὴ ὀρθαὶ.

Theor. 6. Propo. 6.

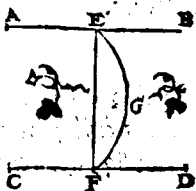
Si duæ rectæ lineæ eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelæ erunt illæ re-
ctæ lineæ.



Ἐὰν ὡς ἑνὸς ἐκείνου περὶ ἑνὸς σημείου, ἀνέστανται δύο ὀρθὰς γωνίαι, ἢ ὅταν τὰ ση-
μεῖα ἐπιζυγισμένη εὐθεία, ἐπὶ αὐτῶν ἐπιπέ-
δῳ ὅτι ταῖς παραλλήλοις.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in qua-
rum utraq; sumpta sint
quælibet pūcta, illa lineæ
quæ ad hæc puncta adiun-
gitur, in eodem est cum
parallelis plano.

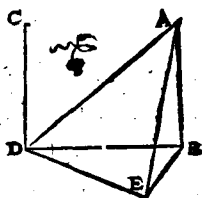


Ἐὰν ὡς ἑνὸς ἐκείνου περὶ ἑνὸς σημείου, ἀνέστανται δύο ὀρθὰς γωνίαι, ἢ ὅταν τὰ ση-
μεῖα ἐπιζυγισμένη εὐθεία, ἐπὶ αὐτῶν ἐπιπέ-
δῳ ὅτι ταῖς παραλλήλοις.

Theor. 8. Propo. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, qua-

rum altera ad rectos cui-
dam plano sit angulos, &
reliqua eidem plano ad
rectos angulos erit.

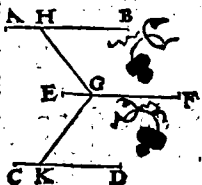


9

Αἱ τῇ αὐτῇ ὀρθείᾳ παράλληλοι, ἐν μὴ ᾗ αὐτῇ
ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλους εἰσι παράλ-
ληλοι.

Theor. 9. Propo. 9.

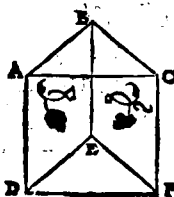
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæc
quoque sunt inter se pa-
rallelæ.



Ἐὰν δύο ὀρθεῖαι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀλλήλων παρὰ δύο
ὀρθείας ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀλλήλων ᾤσι, μὴ ἐν τῷ αὐτῷ
ἐπιπέδῳ, ἴσως γωνίας πᾶσι, ἕξιν.

Theor. 10. Proposi. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales comprehē-
dent.

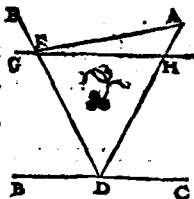


1α

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετεώρου, ὡς ἐν ποιεῖ
μενομένη ἐπιπέδου καὶ διὰ τὸν διθεῖσιν γράμμου ἀνα-
γεῖν.

Probl. I. Propo. II.

A dato sublimi puncto, in
subiectum planum per-
pendiculararem rectam li-
neam ducere.

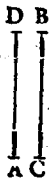


1β

Τὸ δοθέν ἐπιπέδον, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ δοθέν-
τος σημείου, πρὸς ὁριζὰς διθεῖσιν γράμμου ἀνα-
γεῖν.

Probl. 2. Propo. 12.

Dato plano, à puncto quod in il-
lo datum est, ad rectos angulos
rectam lineam excitare.



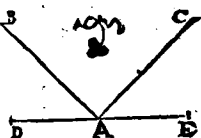
1γ

Τὸ δοθέν ἐπιπέδον, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου,
διὸς διθεῖσιν πρὸς ὁριζὰς ἐκ ἀναστήσονται ὡς τὰ
αὐτὰ μέρη.

R iii

Theor. 11. Propo. 13.

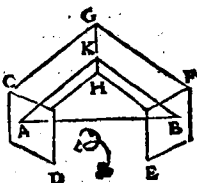
Dato plano, à puncto
quod in illo datum est,
duæ rectæ lineæ ad re-
ctos angulos non excita-
buntur ad easdem par-
tes.



Γρὸς αὖ ἐπίπτεδα ἢ αὐτὴ δι' αὐτῆς ὁρῶν ὅτι, παράλ-
ληλὰ ὅτι τὰ ἐπίπτεδα.

Theore. 12. Propo. 14.

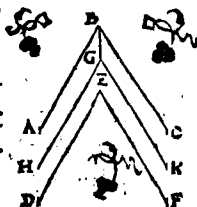
Ad quæ plana, eadem re-
cta linea recta est, illa sunt
parallela.



Ἐὰν δύο διθείαι ἀπὸ τὸν αὐτὸν ἀλλήλων, παρὰ δύο
διθείας ἀπὸ τὸν αὐτὸν ἀλλήλων ὥστε μὴ ἐν τῇ αὐτῇ
ἐπιπέδῳ ὦσι, παράλληλα ὅτι τὰ δι' αὐτῶν ἐπί-
πτεδα.

Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes
ad duas rectas se mutuò
tangentes sint parallelæ,
non in eodem consisten-
tes plano, parallelæ sunt
quæ per illas ducuntur
plana.

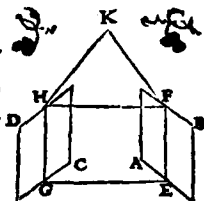


15

Ἐὰν δύο ἐπίπεδα παραλλήλα ὑπὸ ἐπιπέδου ἑ-
νὸς τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῇ ἑκατέρωθεν παραλλήλοι
εἰσι.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo plana parallela
plano quopiam secetur,
cōmunes illorum sectio-
nes sunt parallelæ.

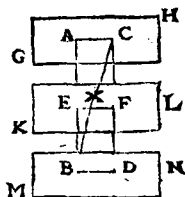


17

Ἐὰν δύο ὁμοειδή ὑπὸ παραλλήλων ἐπιπέδων
τέμνωνται, εἰς τοὺς αὐτοὺς λόγους τμηθῇσινται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ paral-
lelis planis secantur, in
eisdem rationes secabun-
tur.

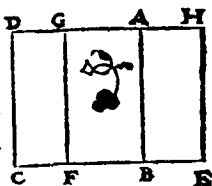


18

Ἐὰν εὐθεῖα ἐπιπέδῳ ἑνὶ πρὸς ὁρθὰς ᾖ, καὶ πάντα
τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα, ἑκάστη ἐπιπέδῳ πρὸς
ὁρθὰς ἔσται.

Theor. 16. Propo. 18.

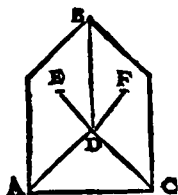
Si recta linea plano cui-
piam ad rectos sit angu-
los, illa etiam omnia quæ
per ipsam plana, ad re-
ctos eidem plano angu-
los erunt.



Εὰν δύο ἐπίπεδα τέμνοντα ἄλληλα ἐπιπέδιον
ἔνι πρὸς ὀρθὰς ᾖ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν ὁρμὴ ᾖ αὐτῶ
ἐπιπέδιον πρὸς ὀρθὰς εἶναι.

Theor. 17. Propo. 19.

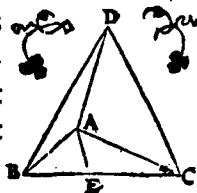
Si duo plana se mutuò se-
cantia plano cuidam ad
rectos sint angulos, com-
munis etiam illorum se-
ctio ad rectos eidem pla-
no angulos erit.



Εὰν ἄρα γωνίασιν ὁρμῶν γωνιῶν ἐπιπέδιον
πρόσέχεται, δύο ὁποιαῦν τῶν λοιπῶν μείζονες εἰσι
πάντῃ μεταλαμβάνόμενοι.

Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis
tribus angulis contineat-
ur, ex his duo quilibet
utrum assumpti tertio sunt
maiores.

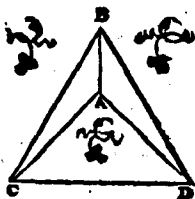


κα

Ἄρα ἡ σφραγὶς γωνία ὡς ἐκ τῶν ἐλαττωτέρων ἢ τεσσάρων
ὁρθῶν γωνιῶν ἐπὶ πλάτῳ περιέχεται.

Theor. 19. Pro-
positio. 21.

Solidus omnis angulus
minoribus cōtinetur, quā
rectis quatuor āgulis pla-
nis.

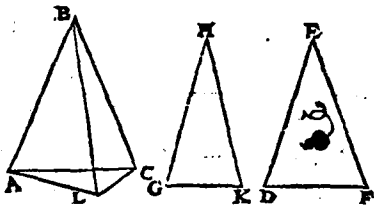


κβ

Ἐὰν ὡς ἑῖς γωνία ἐπὶ πλάτῳ, ὡς αἱ δύο αἰ τοι-
πῆς μείζονες εἴσι, πάντα μεταλαμβάνονται, πε-
ριέχονται ὅ αὐταὶ ἴσιν ἐν θύραις, δύναντο ὅτι ἐκ τῶν
ἐπιζωγνυσθῶν τὰς ἴσας εὐθείας βίβωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propo. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis con-
tineantur lineis, quorum duo vt libet af-
sumpti tertio sint maiores, triangulū con-
stitui po-
test, ex li-
neis æqua-
les illas re-
ctas cōiun-
gentibus.



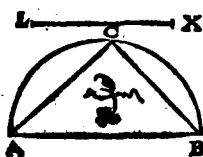
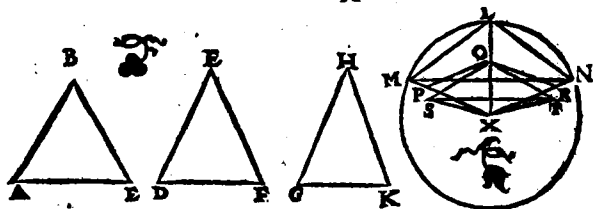
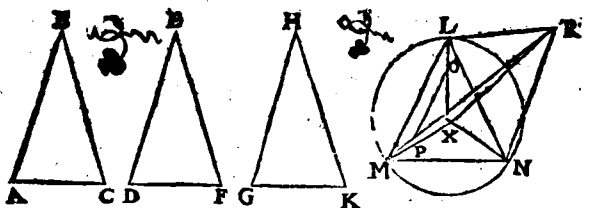
κγ

Ἐκ τῶν γωνιῶν ἐπὶ πλάτῳ, ὡς αἱ δύο αἰ τοι-
πῆς μείζονες εἴσι, πάντα μεταλαμβάνονται, σφραγὶς

γωνίαν συστήσασθαι. διὲν δὴ τὰς τρεῖς τεσσάρων
ὀρθῶν ἐλάσσονας εἶναι.

Probl.3. Propo.23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut
libet assumpti tertio sint maiores, soli-
dum angulum constituere. Decet autem
illos tres angulos rectis quatuor esse mi-
nores.



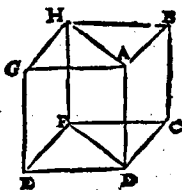
κδ

Ἐὰν τρεῶν ὑπὸ παραλλήλων
ἐπιπέδων ποδύεχται, τὰ ἀπ'
ἐν αὐτοῖς αὐτῶν ἐπίπεδα, ἴσα
τε εἰ παραλληλόγραμμά ᾖσι.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis contineatur, aduersa illi⁹ plana & æqualia sunt & parallelogramma.

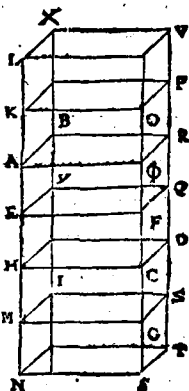
κε



Ἐὰν στερεὸν παραλληλεπίπεδοι ἐπιπέδῳ ἑνὶ καὶ ἑνὶ παραλλήλῳ ὄντι τοῖς ἀπεναντίοις ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω ὁ στερεὸν πρὸς ὁ στερεόν.

Theor. 22. Propo. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

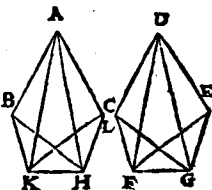


κς

πρὸς τῇ διορίσει θὶ θεία καὶ τῇ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ διορίσει στερεᾶ γωνία ἴσῳ στερεᾶν γωνίαν συστήσασκε.

Probl. 4. Propositio. 26.

Ad datā rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato æqua-
lem.

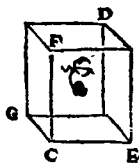
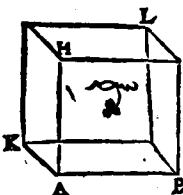


κζ

Απὸ τῆς δοθείσης δι' ἑκείας, τρεῖς δοθέντι στερεῷ πα-
ραλληλεπίπεδω ὁμοίοντε καὶ ὁμοίως κείμενον στε-
ρεὸν παραλληλεπίπεδον ἀναγεῖσθαι.

Probl. 5. Propositio. 27.

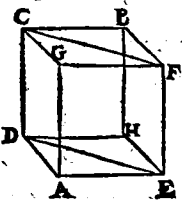
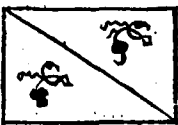
A data recta, dato solido parallelis pla-
nis comprehenso simile & similiter po-
situm soli-
dum paral-
lelis pla-
nis cōten-
tum de-
scribere.



κη

Ἐὰν στερεὸν παραλληλεπίπεδον ἐπιπέδῳ τμη-
θῇ κατὰ τὰς διαγωνίους τῶν ἀπεναντίων ἐπιπέ-
δων, διόχα τμηθῇσεται τὸ στερεὸν ὑπὸ τῶν ἐπιπέδων.

Theor. 23. Propo. 28.

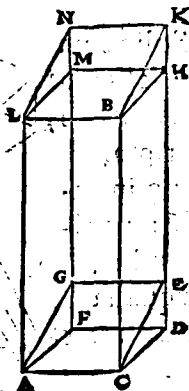
Si solidum parallelis planis comprehē-
sum, ducto per aduersorum planorum
diagonios   plano se-
ctum sit, il-
lud soli-
dū ab hoc
plano bifa-
riam secabitur.

κθ

Τὰ ὑπὸ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα στερεὰ παραλλη-
λεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῇ αὐτῇ ὑψίστει, ὧν αἱ ἐφ' ἑαυ-
τῶν αὐτῇ εἰσὶν ἐνδοῶν, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 24. Pro-
positio. 29.

Solida parallelis planis
comprehensa, quæ super
eandem basim & in ea-
dem sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ in
iisdem collocantur rectis
lineis, illa sunt inter se æ-
qualia.



λ

Τὰ ὑπὸ αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὕψει, ὡραὶ ἐφεσώ-
μαι ἐκείνῳ ὑπὸ τῆς αὐτῆς εὐθείᾳ, ἵνα ἀλλήλοις ὅσι.

Theor. 25. Propo. 30.

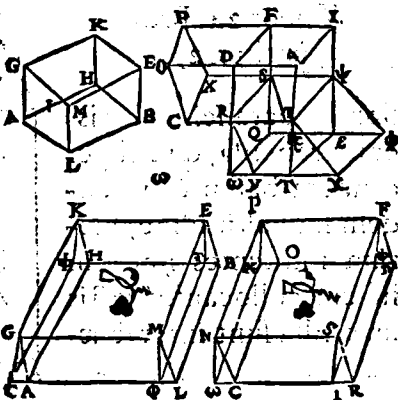
Solida parallelis planis circumscripta, quæ
super eandem basim & in
eadē sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ non
in iisdem reperiuntur re-
ctis lineis, illa sunt inter se
æqualia.

λα

Τὰ ὑπὸ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ παραλληλεπί-
πεδα, καὶ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὕψει, ἵνα ἀλλήλοις ὅσι.

Theor. 26. Proposi. 31.

Solida pa-
rallelis pla-
nis circun-
scripta,
quæ in ea-
dē sunt al-
titudine,
æqualia
sunt inter
se.

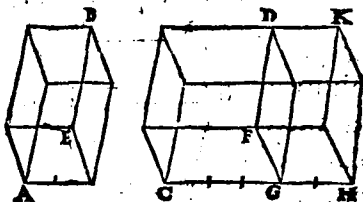


λβ

Τὰ ὑπὸ τῶν αὐτῶν ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ὅσῳ, ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circūscripta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

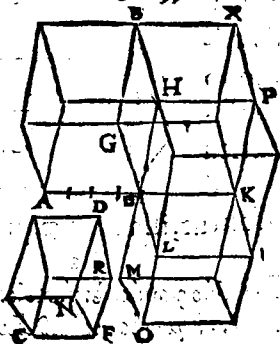


λγ

Τὰ ὅμοια στερεὰ παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα εἰς τριπλοῖον λόγον εἰσὶ τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida parallelis planis circūscripta habent inter se rationem homologorum laterum triplicatam.

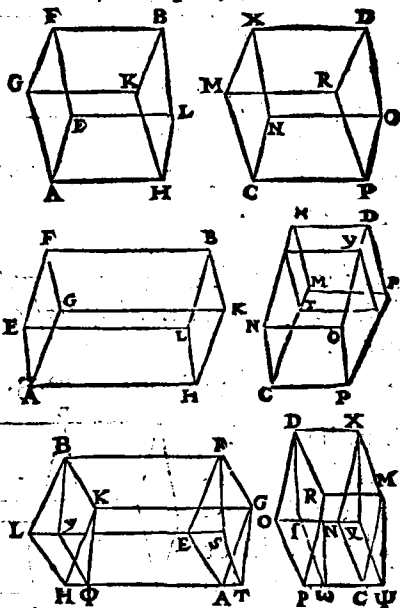


λδ

τῶν ἴσων στερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπε-
πνύσασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσι· καὶ ὧν στερεῶν πα-
ραλληλεπιπέδων ἀντιπεπνύσασιν αἱ βάσεις
τοῖς ὑψέσιν, ἴσ' ὄντι ἐκείνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū
solidorum
parallelis
planis cō-
tentorum
bases cum
altitudi-
nis reci-
procātur.
Et solida
parallelis
planis cō-
tenta, quo-
rum bases
cum altitu-
dinibus re-
ciprocantur, illa sunt æqualia.



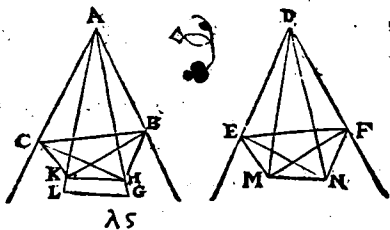
λε

Ἐάν τις δύο γωνίαι ἐπὶ πεδίῳ ἴσῃ, ὡς δὲ τῶν κο-
ρυφῶν αὐτῶν μετέωροι εὑρεῖται ἐπισταθῶσιν ἴσας
γωνίας

γωνίας πωδέχου μετὰ τῇ ἐξ ἀρχῆς δι' ὁδῶν
 ἑκατέρωθεν ἑκατέρω, ὡς τῇ μετεώρων ληφθῆ
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῇ ὡς τὰ ἐπίπεδα, ἐν
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξ ἀρχῆς γωνίαι, καὶ διὰ τὸ ἀχθῶσιν, ἀπὸ
 τῇ γενομένων σημεῖων ὡς τῇ κατέτω ὡς
 τοῖς ὡς πῶς, ὡς τὰς ἐξ ἀρχῆς γωνίας ἐπιζυ-
 χθῶσιν δι' αἰετ, ὡς γωνίας πωδέχου μετὰ τῇ
 μετεώρων.

Theor. 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
 verticibus sublimes rectę lineę insistant,
 quę cum lineis primò positis angulos cō-
 tineāt æquales, utrūque utrique, in sub-
 limibus autem lineis quęlibet sumpta
 sint puncta, & ab his ad plana in quibus
 consistunt anguli primūm positi, ductę
 sint perpendiculares, ab earum verò pun-
 ctis, quę in planis signata fuerint, ad an-
 gulos primūm positos adiunctę sint re-
 ctę lineę,
 hæ cū sub-
 limibus æ-
 quales an-
 gulos com-
 prehēdēt.

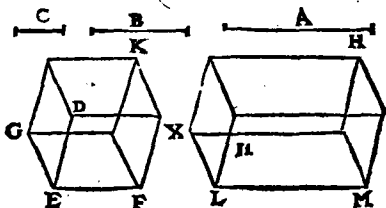


Ὁμοῦ βεῖς διθεῖται ἀνάλογον ὥσι, ὅτι ἐκ τῇ βῖω σπ

ρεὸν παραλληλεπίπεδον ἴσον ἔστι τῷ ἀπὸ τῆς μέσης σκευῆς παραλληλεπίπεδῳ, ἴσον πλὺρῳ ἢ, ἰσγωνίῳ ὃ τῷ περὶ τὸν κέντρον.

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales, quod ex his tribus fit solidum parallelis planis contentum, æquale est descripto à media lineâ solido parallelis planis comprehenso, quod æquilate-
rum quidē sit, sed antedicto æquiangulum.



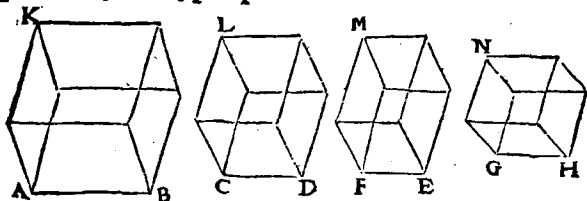
λζ

Ἐὰν τέσσαρες διδῶται ἀνάλογον ὄσει, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν παραλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενα, ἀνάλογον ἔσται· ἔσται καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν σκευῆς παραλληλεπίπεδα ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενα ἀνάλογον ἢ, καὶ αὐταὶ αἱ διδῶσαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportionales, illa quoque solida parallelis planis contenta, quæ ab ipsis lineis & similia & similiter describuntur, proportionalia e-

runt. Et si solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.

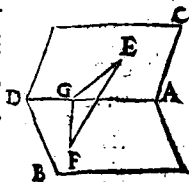


λ η

Ἐὰν ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ τοῦ σημείου τῷ ἐνὶ τῷ ἐπίπεδῳ ὡς τ' ἑτέρον ἐπίπεδον καὶ διὰ ἀχθῆ, ὡς αὖ κοινῆς βουλῆς περὶ τῷ ἐπίπεδῳ ἡ ἀγομένη καὶ διὰ.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quo dam puncto eorum quæ in vno sunt planorū perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.



λ θ

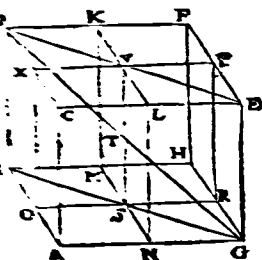
Ἐὰν σελὲς παραλληλεπίπεδον τῶν ἀπεναντίον ἐπίπεδων αἰ πλὴρ αἰ δίχα τμηθῶσι, διὰ τὸ ὅτι ἡ μὲν ἐπίπεδα ἐκβληθῇ, ἡ κοινὴ γὰρ ἐπίπεδον

S ii

ἂν τὸ τετράγωνον περιέχῃ τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου διὰ μέσου τοῦ ὀρθογώνου ἐκείνου.

Theor. 32. Propo. 39.

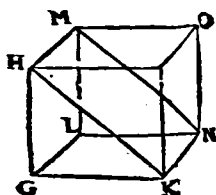
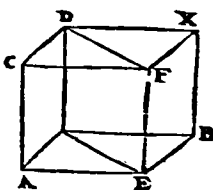
Si in solido parallelis planis circūscripto, ad eundem planorum lateribus bifariā sectio, eadem sint per sectiones planorum communis illa planorum sectio & solidi paralleli plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.



Ἐὰν ἴδιον πρίσμα τέσσαρ' ᾖ, καὶ ἢ ἐξ ἑξ ἑκατέρου παραλληλογράμμου, ὃ ἐστὶν ὀρθογώνιον, διπλασίου δ' ἢ ὀρθογώνιον πρίσματος ἴσους ᾖ, ἔσται τὰ πρίσματα. Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint equalis altitudinis prismata, quorum hoc quidem basim habeat parallelogrammum, illud verò triangulum,

fit autem parallelogrammum trianguli



qualia.

menti vndecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝΙΒ

ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM
DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM
SECYNDVM.

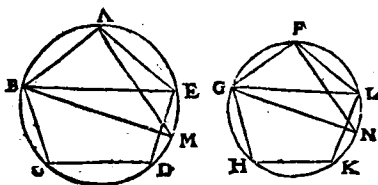
Προτάσεις.

α,

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὁμοία πολύγωνα πρὸς ἀλλή-
λά ὄντι, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν διμέτρων τετράγωνα.

Theor. I. Propo. I.

Similia, quæ sunt in circulis polygona,
ratione ha-
bent inter
se quæ de-
scripta à
diametris
quadrata.



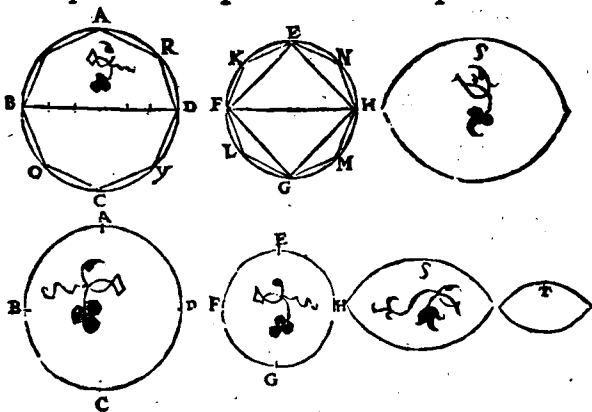
S iii

β

οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπ' ἑῶν Δι-
μέτρων τε βάγωνα.

Theor. 2 . Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habent,
quam descripta à diametris quadrata.



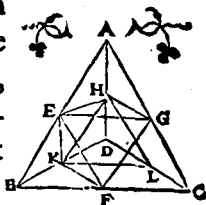
γ.

Γὰρ πυραμὶς τρίγωνον ἔχουσα βάσιν, διαίρεται
εἰς δύο πυραμίδας ἵσας τε ὁμοίας ἀλλήλαις,
τρίγωνος βάσεις ἔχουσας, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, εἰς
δύο πείσματα ἴσα. Ὡς τὰ δύο πείσματα μείζο-
να ὄντι, ἢ τ' ἡμῶν τῇ ὅλῃ πυραμίδι.

Theor. 3 . Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim,
in duas diuiditur pyramidas non tantum

æquales & similes inter se, sed toti etiam pyramidi similes, quarum trigonæ sunt bases, atque in duo prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt maiora.



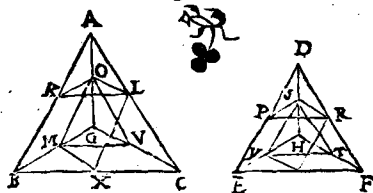
Λ

Ἐὰν ὥσι δύο πυραμίδες ὡς αὐτὴ ὑψίστη,
 ἴσων ἐχούσας βάσεις, διαιρεθῇ ἑκατέρω αὐ-
 τῇ εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις ὁμοίας
 τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα, καὶ τῷ γενομέ-
 νων πυραμίδων ἑκατέρω αὐτὴν ἴσους, ὅπου, ὅ
 τ' αἰ γίνεται, εἰσι ὡς ἡ αὐτὴ μᾶλλον πυραμίδι
 βάσις, πρὸς τὴν αὐτὴν ἑτέρας πυραμίδι
 βάσιν, ὡς
 τὰς καὶ τὰ ἐν τῇ μᾶλλον πυραμίδι πρίσματα πᾶν-
 τα, πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρᾳ πυραμίδι πρίσματα
 πάντα ἰσοσληθῇ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides tri-
 gonas habeant bases, sit autem illarum v-
 traque diuisa & in duas pyramidas inter
 se æquales totique similes, & in duo pri-
 smata æqualia, ac eodẽ modo diuidatur
 vtraque pyramidum quæ ex superiore di-
 uisione natæ sunt, idque perpetuò fiat:
 quemadmodum se habet vnus pyrami-

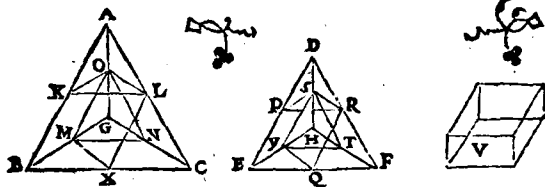
dis basis ad alterius pyramidis basim, ita
& omnia quę in vna pyramide prismata,
ad omnia quę in altera pyramide, prisma
ta multitudine æqualia.



Αἱ ὁμοῦτε αὐτὸ ὕψος ἔσται πυραμίδες, καὶ τρι-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 5. Prop. 5.

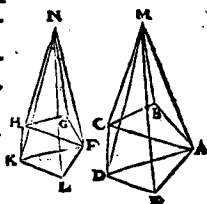
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum
trigone sunt bases, eam inter se rationem
habent quam ipsę bases.



Αἱ ὁμοῦτε αὐτὸ ὕψος ἔσται πυραμίδες, καὶ πολυ-
γώνους ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 6. Propo. 6.

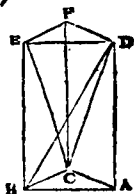
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habent quam ipsæ bases.



Ἐὰν πρὸς ματρὶ γωνοῦ ἔχου βάσιν, διαιρεῖται εἰς τρεῖς πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις, γινώσκεις βάσεις ἔχουσιν.

Theor. 7. Propo. 7.

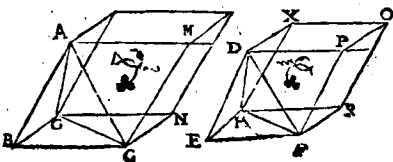
Omne prisma trigonā habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραμίδες, καὶ γινώσκεις ἔχειν βάσεις, εἰς τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῷ ὁμολόγῳ πλυνῶν.

Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides quæ trigonas habent bases, in triplicata sunt homologorum laterum ratione.



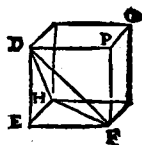
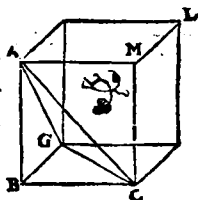
9

Τῶν ἰσῶν πυραμίδων, καὶ τριγώνων βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπνῶσαι αἱ βάσεις τῶν ὑψέων. Ὁ ὡν πυραμίδων τριγώνων βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπνῶσαι αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσιν, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theor. 9. Propo. 9.

Æqualium pyramidum & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocantur bases

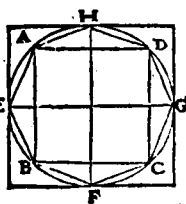
cum altitudinibus, illæ sunt æquales.



Ἡ δὲ κῶνη, κυλίνδρου τρίτου μέρος ἔστι τῇ πλὴν αὐτῇ βάσει ἔχοντι αὐτῷ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Propo. 10.

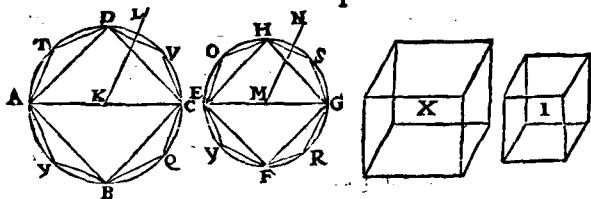
Omnis cōnus tertia pars est Cylindri eandē cū ipso cōno basim habentis, & altitudinē æqualem.



^{1α}
Οἱ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ ὕψους ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propo. 11.

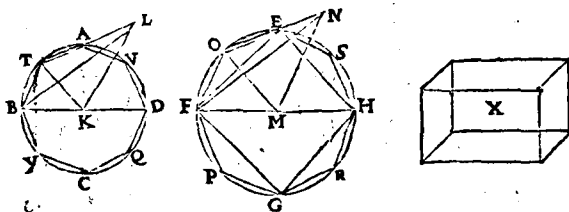
Coni & cylindri eiusdē altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.



^{1β}
Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν ἑξαπλασίονι λό-
γῳ εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις τετραμέτρων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam ha-
bent inter se rationem diametrorum quę
sunt in basibus.



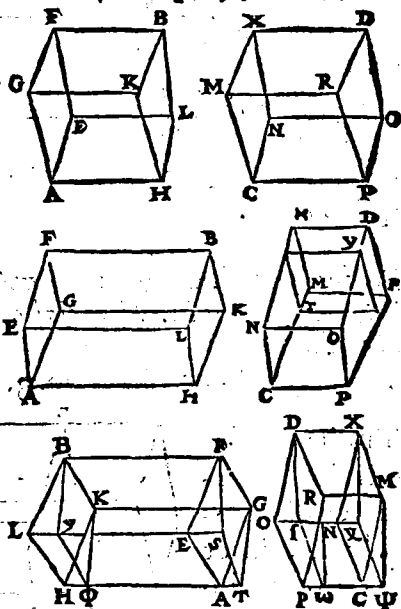
^{1γ}
Ἐὰν κύλινδρος ἐπιπέδῳ τμηθῇ παραλλήλῳ
ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύκλος

λδ

Τῶν ἴσων στερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπε-
πόνθασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσι· καὶ ὧν στερεῶν πα-
ραλληλεπιπέδων ἀντιπεπόνθασιν αἱ βάσεις
τοῖς ὑψέσιν, ἴσ' ἔστιν ἐκεῖνα.

Theor.29. Propo.34.

Æqualiū
solidorum
parallelis
planis cō-
tentorum
bases cum
altitudini-
bus reci-
procātur.
Et solida
parallelis
planis cō-
tenta, quo-
rum bases
cum altitu-
dinibus re-
ciprocantur, illa sunt æqualia.



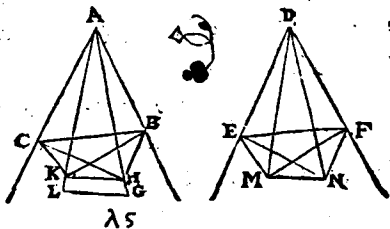
λε

Ἐὰν ᾖσι δύο γωνίαι ἐπίπεδοι ἴσαι, καὶ ἡ τῇ κο-
ρυφῶν αὐτῇ μετρώροι ἐνδεῖραι ἐπισταθῶσιν ἴσας
γωνίας

γωνίας ἀλλήλων μετὰ τῶν ἐξ ἀρχῆς δι' ὁρίων
 ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, ὡς δὲ τῶν μετεώρων ληφθῆ
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὡς τὰ ἐπίπεδα, ἐν
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξ ἀρχῆς γωνίαι, καὶ δεῖσι ἀχθῶσιν, ἀπὸ
 τῶν γενομένων σημείων ὡς τῶν καθετῶν ὡς
 τοῖς ὡς τὰς ἡοῖς, ὡς τὰς ἐξ ἀρχῆς γωνίας ἐπιζυ-
 χθῶσιν δι' αἰτίας, ὡς γωνίας ἀλλήλων μετὰ τῶν
 μετεώρων.

Theor. 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
 verticibus sublimes rectę lineę insistant,
 quę cum lineis primò positis angulos cō-
 tineāt æquales, utrūque utrique, in sub-
 limibus autem lineis quælibet sumpta
 sint puncta, & ab his ad plana in quibus
 consistunt anguli primūm positi, ductę
 sint perpendiculares, ab earum verò pun-
 ctis, quę in planis signata fuerint, ad an-
 gulos primūm positos adiunctę sint re-
 ctę lineę,
 hæ cū sub-
 limibus æ-
 quales an-
 gulos com-
 prehēdet.

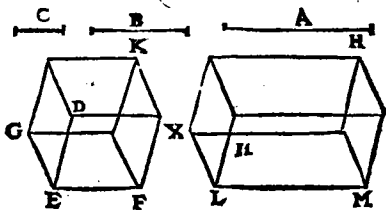


Ἐὰν δύο διθείαι ἀνάλογον ὦσι, τὸ ἐκ τῶν ὁρίων

ρεὸν παραλληλεπίπεδον ἴσον ἔστι τῷ ἀπὸ μέσης σφαιρῆς παραλληλεπίπεδῳ, ἴσον πλὺτος ἢ, ἴσγωνίῳ ὃ τῷ πεποιημένῳ.

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales, quod ex his tribus fit solidum parallelis planis contentum, æquale est descripto à media linea solido parallelis planis comprehenso, quod æquilaterum quidem sit, sed antedicto æquiangulum.



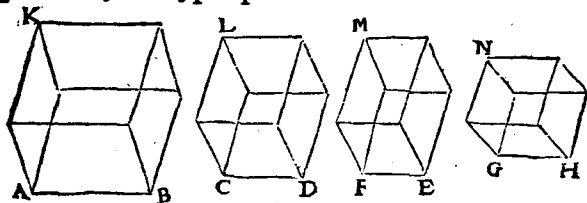
λ ζ

Ἐὰν τέσσαρες διθῆαι ἀνάλογον ὦσι, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν παραλληλεπίπεδα ὅμοια τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενα, ἀνάλογον ἔσται· ὅτι ἔαν τὰ ἀπ' αὐτῶν σφαιρὰ παραλληλεπίπεδα ὅμοια τε καὶ ὁμοίως ἀναγραφόμενα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐτὰ αὖθις διθῆαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportionales, illa quoque solida parallelis planis contenta, quæ ab ipsis lineis & similia & similiter describuntur, proportionalia e-

runt. Et si solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.

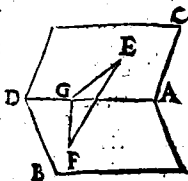


λ η

Ἐὰν ἐπιπέδου πρὸς ἐπιπέδου ὁρθὸν ᾖ, καὶ ἀφ' ἑνὸς σημείου τῆς ἐν τῷ ἐπιπέδῳ ὡς ἔτρου ἐπιπέδου καὶ διὰ ἀχθῆ, ὡς αὖ κοινῆς βιμῆς περὶται τῷ ἐπιπέδῳ ἡ ἀγομένη καὶ διὰ.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quo dam puncto eorum quæ in vno sunt planorū perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.



λ θ

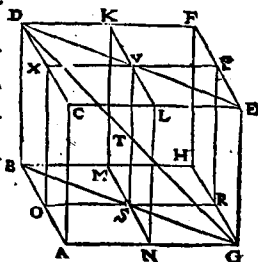
Ἐὰν σέρεται παραλληλεπίπεδος τῶν ἀπεναντίου ἐπιπέδων αἱ πλευραὶ διὰ τὴν κοινὴν διὰ τῆς κοινῆς ἐκβληθῇ, ἡ κοινὴ γὰρ ἐπιπέδων

S ii

καὶ ἡ τῶν τερεῶν παραλληλεπιπέδων διωμέζου
 δίχα τέμνεσθ' ἀλλήλας.

Theor. 34. Propo. 39.

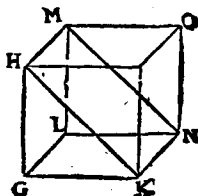
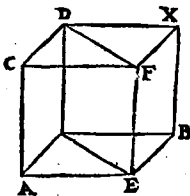
Si in solido parallelis planis circūscrip-
 to, aduersorum planorū lateribus bifariā
 sectis, educta sint per
 sectiones plana, com-
 munis illa planorum
 sectio & solidi paral-
 lelis plani circumscri-
 pti diameter, se mu-
 tuo bifariam secant.



Ἐὰν ᾖ δύο πρίσματα ἰσοῦ, καὶ ᾖ ἐξ αὐτῶν
 παραλληλόγραμμοι, καὶ ᾖ τρίγωνον, διπλάσιον ᾖ
 ᾗ τὸ παραλληλόγραμμοι τρίγωνον, ἴσα ἔσονται τὰ
 πρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint æqualis altitudinis prismata,
 quorum hoc quidem basim habeat pa-
 rallelogrammum, illud verò triangulum,
 sit autem
 parallelo-
 grāmum
 trianguli
 duplum, il-
 la prisina-
 ta erunt æqualia.



Elementi vndecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ

ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM
SECUNDVM.

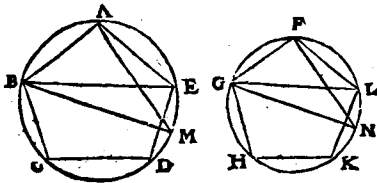
Προτάσεις.

α,

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλη-
λάβη, ὥς τὰ ἀπ' τῶν διττῶν τετράγωνα.

Theor. I. Propo. I.

Similia, quæ sunt in circulis polygona,
rationē ha-
bent inter
se quā de-
scripta à
diametris
quadrata.



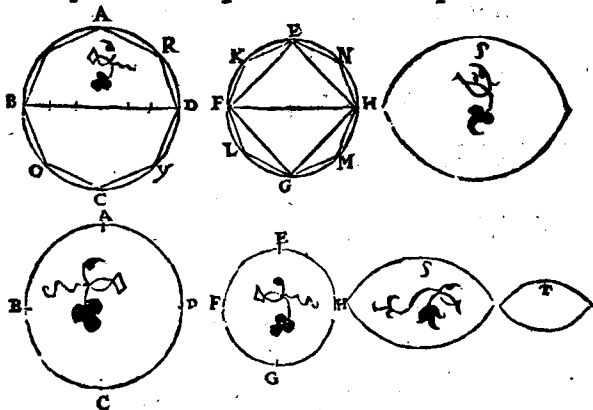
S iii

β

οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῆς Δι-
μέτρως τετραγώνου.

Theor. 2. Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habent,
quam descripta à diametris quadrata.



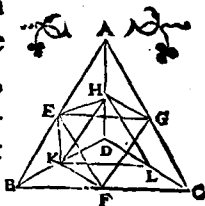
γ.

Γὰρ πρὸς πυραμὶς τριγώνου ἔχου βάσιν, διαίρεται
εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε ὁμοίας ἀλλήλαις,
τριγώνους βάσεις ἔχου, καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, εἰς
δύο πείσματα ἴσα, ἐπὶ τὰ δύο πείσματα μείζο-
να ὄντι, ἢ τῇ ὅλῃ πυραμίδι.

Theor. 3. Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim,
in duas diuiditur pyramidas non tantum

æquales & similes inter se, sed toti etiam pyramidi similes, quarum trigonæ sunt bases, atque in duo prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt maiora.



Δ

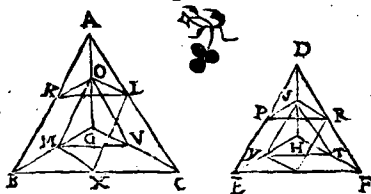
Ἐὰν ὧσι δύο πυραμίδες ὡς αὐτὸν ὑψόμενον, ἔχοντες ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν αὐτῶν εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις ὁμοίας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα, καὶ τῶν γενομένων πυραμίδων ἑκατέρωθεν αὐτῶν ὅσον, ὅταν τῶν αὐτῶν γίνηται, ἔσιν ὡς ἡ αὐτῶν πυραμίδος βάσις, πρὸς τῶν αὐτῶν ἑτέρωθεν πυραμίδος βάσιν, ὥτως καὶ τὰ ἐν τῇ μὲν πυραμίδι πρίσματα πάντα, πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρωθεν πυραμίδι πρίσματα πάντα ἰσοπληθῆ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides trigonas habeant bases, sit autem illarum vtraque diuisa & in duas pyramidas inter se æquales totique similes, & in duo prismata æqualia, ac eodẽ modo diuidatur vtraque pyramidum quæ ex superiore diuisione natæ sunt, idque perpetuò fiat: quemadmodum se habet vnus pyrami-

S iiii

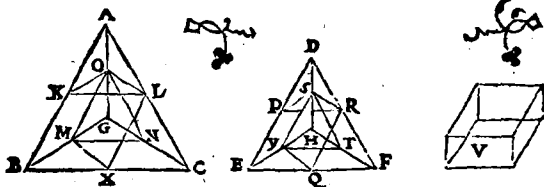
dis basis ad alterius pyramidis basim, ita
& omnia quę in vna pyramide prismata,
ad omnia quę in altera pyramide, prisma
ta multitudine æqualia.



Αἱ ὑποῦσ' αὐτὸ ὑψοῦς πυραμίδες, καὶ ὅμοιαι
γῶνες ἔχουσι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

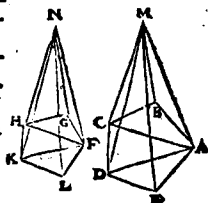
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum
trigone sunt bases, eam inter se rationem
habent quam ipsę bases.



Αἱ ὑποῦσ' αὐτὸ ὑψοῦς πυραμίδες, καὶ πολυ-
γῶνες ἔχουσι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 6. Propo. 6.

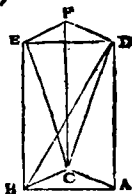
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habet quam ipsæ bases.



Ἡ αὐτὴν πρὸς μαζὶ τρίγωνοι ἔχον βάσιν, διαιρεῖται εἰς
 ἑξῆς πυραμίδας ἴσας ἀλλήλοις, τρίγωνες βάσεις
 ἔχουσιν.

Theor. 7. Propo. 7.

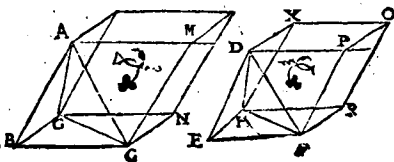
Omne prisma trigonā habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραμίδες, καὶ τρίγωνες ἔχου βάσεις,
 εἰ ἑστὶ πλεονέκτι λόγῳ εἰσὶ τῷ ὁμολόγῳ πλεονέκτι.

Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides quæ trigonas habent bases, in triplicata sunt homologorum laterum ratione.



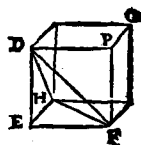
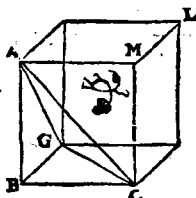
9

Τῶν ἴσων πυραμίδων, καὶ τριγώνων βάσεως ἔχουσιν ἀντιπεπνδασιμαὶ βάσεις τῆς ὑψεί. Ὁ ὧν πυραμίδων τριγώνων βάσεως ἔχουσιν ἀντιπεπνδασιμαὶ βάσεις τοῖς ὑψεί, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theor. 9. Propo. 9.

Æqualium pyramidum & trigonas bases habentium reciprocantur bases cum altitudinibus. Et quarum pyramidum trigonas bases habentium reciprocantur bases

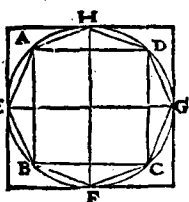
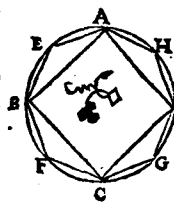
cum altitudinibus, illæ sunt æquales.



Ἡ δὲ κωνή, καὶ τὸν κύλινδρον τρίτον μέρος ἔστί τῷ αὐτῷ πρὸς τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντι αὐτῷ ὅτι ὑψὺς ἴση.

Theor. 10. Propo. 10.

Omnis cōnus tertia pars est Cylindri candē cū ipso cōno basim habentis, & altitudinē æqualem.

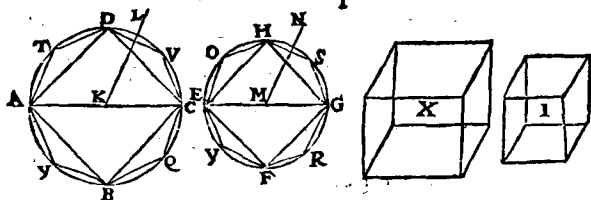


1α

Οἱ ὡς ἀνὰ τὸ ὕψος ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. II. Propo. II.

Coni & cylindri eiusdē altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.

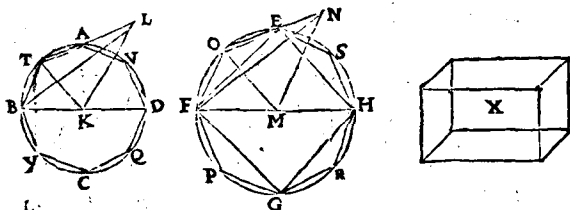


1β

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, ἐν τριπλασίονι λό-
γῳ εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις τετραγώνων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes coni & cylindri, triplicatam ha-
bent inter se rationem diametrorum quę
sunt in basibus.



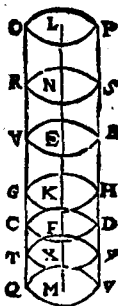
1γ

Ἐὰν κύλινδρος ἐπιπέδῳ τμηθῇ παραλλήλῳ
ὄντι τοῖς ἀποσυνείτοις ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύλινδρος

διχοῦς πρὸς τὸν κύλινδρον, ὅπως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξονα.

Theor. 13. Pro-
posit. 13.

Si cylindrus plano sectus
sit aduersis planis paral-
lelo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.

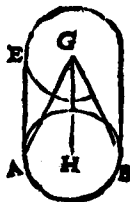
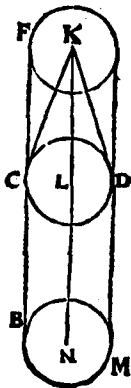


ιδι

οἱ ὑπὸ ἰσων βάσεων ὅντες κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς
ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theore. 14. Propo. 14.

Cōni & cy-
lindri qui
in æquali-
bus sunt
basibus, eā
habēt in-
ter se ra-
tionem,
quam alti-
tudines.

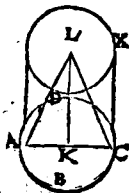
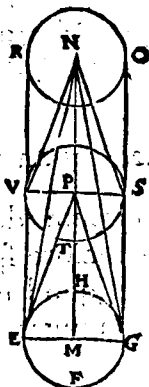


16

Ἐὰν ἴσων κώνων ἢ κυλίνδρων ἀντιπεπνῶσιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσι. καὶ ὅρων κώνων ἢ κυλίνδρων ἀντιπεπνῶσιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσιν, ἴσοι εἰσὶν ἐκεῖνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium cōnorum & cylindrorum bases cū altitudinibus reciprocātur. Et quorum cōnorum & cylindrorū bases cum altitudinibus recipiuntur, illi sunt æquales.



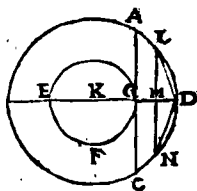
15

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὴν μείζονα κύκλον, πολυγώνον ἰσοπλευρὸν τε καὶ ἀρτιόπλευρον ἐγγραφῆαι, μὴ φαῖον τὴν ἐλάσσονα κύκλου.

Probl. 1. Propo. 16.

Duobus circulis circum idem centrum

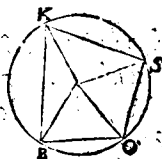
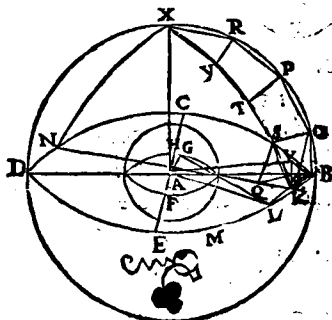
consistentibus, in maiore circulo polygonū æqualium pariumque laterum inscribere, quod minorem circulum nō tangat.



12
Δύο σφαιρῶν πάλιν αὐτὸ κέντρον ἔσῶν, εἰς τὴν μείζονα σφαῖραν σφαιρὸν πολυέδρον ἐγγραφαι, μὴ ταύτῃ ἐλάσσονι σφαίρᾳς κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν.

Probl.2.Propo.17.

Duabus sphæris circum idem centrum consistentibus, in maiore sphæra solidū polyedrū inscribere, quod minoris sphære superficiem non tangat,

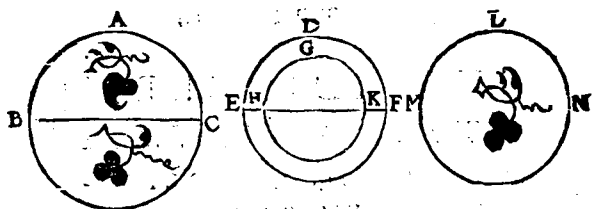


111

Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας εἰ τριπλασίονι λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἰσίων διαμέτρων.

Theor. 16. Propo. 18.

Sphaerae inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΓ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ

EVCLIDIS ELEMENT- TVM DECIMVMTER-

TIVM, ET SOLIDO-
RVM TERTIVM. I

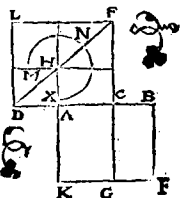
Προτάσεις.

α.

Εάν ὀρθὴ ἡ γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, τὸ μείζον τμήμα προσλαβὼν πλὴν ἡμίσειαν αὐτῆς ὅλης, πενταπλάσιον δύναται τῷ ἀπὸ αὐτῆς ἡμισείας αὐτῆς ὅλης.

Theor. I. Propo. I.

Si recta linea per extre-
mam & mediam ratione
secta sit, maius segmentū
quod totius lineæ dimi-



dium

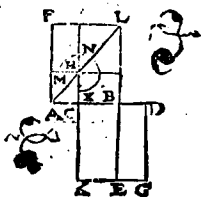
dium assumpserit, quintuplum potest eius quadrati, quod à totius dimidia describitur.

β

Εὰν διθεῖα γραμμὴ, τμήμα τῆς αὐτῆς πενταπλασίου διδύνῃται, αὐτὴ διπλασίας τ' εἰρημένον τμήμα τῆς ἄκρον ἐ μέσον λόγον τεμνομένης, αὐτὴ μείζον τμήμα τ' λοιπὸν μέρους βεῖ αὐτὴ ἐξ ἀρχῆς διθείας.

Theor. 2. Prop. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediā rationē secetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primū positiæ.

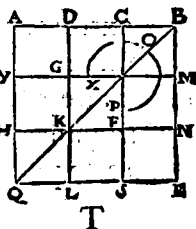


γ

Εὰν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, αὐτὴ ἔλασσον τμήμα προσλαβὼν πλὴν ἡμισείας τ' μείζον τμήμα τ' αὐτῆς, πενταπλασίον διδύνῃται τῆς ἀπ' αὐτῆς ἡμισείας τ' μείζον τμήματος τετραγώνου.

Theor. 3. Prop. 3.

Si recta linea per extremā & median rationem secta sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidium assumpserit,



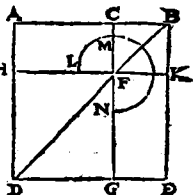
quintuplum potest eius , quod à maioris
segmenti dimidio describitur , quadrati.

¶

Εάν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον κὶ μέσον λόγον τμηθῇ,
τὸ ἀπὸ τοῦ ὅλης κὶ τὸ ἐλάττωτος τμήματος, τὰ συν-
αμφοτέρω τετραγώνω, τριπλάσιά ἐστι τὸ ἀπὸ τοῦ
μείζονος τμήματος τετραγώνω.

Theor. 4. Propo. 4.

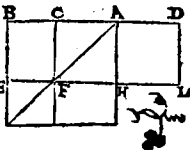
Si recta linea per extremam & mediam
rationem secta sit, quod à
tota, quodq; à minore se-
gmento simul utraq; qua-
drata , tripla sunt eius,
quod à maiore segmēto
describitur, quadrati.



Εάν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον κὶ μέσον λόγον τμηθῇ,
κὶ προστεθῇ ἰση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἡ διθεῖα
ἄκρον κὶ μέσον λόγον τέτμηται, κὶ τὸ μείζον τμή-
μα ἐστὶν ἕξαρχῆς διθεῖα.

Theor. 5. Proposi. 5.

Si ad rectam lineam, quæ
per extremam & mediā
rationem secetur, adiun-
cta sit altera segmēto ma-
iori æqualis , tota hæc li-
nea recta per extremam



& mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primùm posita.

Ἐὰν διθεῖα ῥητὴ ἄκρον κ' μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκαστὸν τῶν τῶν τμημάτων ἄλογός ἐστιν, ἢ καλεμένη ἀποτομή.

Theor. 6. Propo. 6.

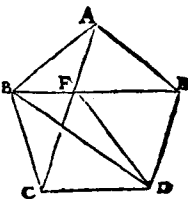
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, vtrunque segmentum ἄλογον siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.



Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλεύρου αἱ ἑξῆς γωνίαι, ἥτοι αἱ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσογώνιοι εἶναι τὸν πεντάγωνον.

Theor. 7. Propositio. 7.

Si pentagoni æquilateri tres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulum.

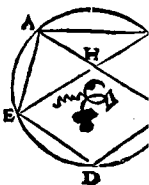


Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλεύρου εἰς ἰσογωνίας τὰς κατὰ τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ᾗ ποτείνωσιν διὰ τοῦ αἵματος, ἄκρον

καὶ μέσοι λόγοι τέμνυσιν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα τμήματα ἴσα ὅτι τῇ Γ πενταγώνου πλο

Theor.8.Propo.8.

Si pentagoni æquilateri & æquiañg
duos qui deinceps sequitur angulos
etæ subtendant lineæ, illæ per extrem
& mediam rationem se
mutuo secant, earumque
maiora segmenta, ipsius
pentagoni lateri sunt æ-
qualia.

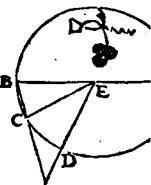


9

Ἐὰν ἡ τῷ ἑξαγώνου πλοῦρά καὶ ἡ τῷ δεκαγώνου, ἐ
αὐτῷ κύκλῳ ἐγγεγραμμένων, συντεθῶσιν, ἡ
διθῆα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τ
ξοι αὐτῷ τμήμα ὅστις ἡ Γ ἑξαγώνου πλοῦρά.

Theor.9.Propo.9.

Si latus hexagoni & latus decagoni e
circulo inscriptorum cō-
posita sint, tota recta li-
nea per extremā & me-
diam rationem secta est,
cuiusque segmentum ma-
ius, est hexagoni latus.



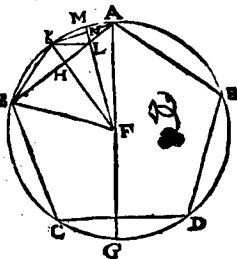
1

Ἐὰν εἰς κύκλῳ πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγ-

Φῆ, ἢ τῷ πενταγώνῳ πλῆρ᾽ ἀδύναται πῶ τε τῷ
ἐξαγώνῳ καὶ πῶ τῷ δεκαγώνῳ, τῷ εἰς τὸν αὐτὸν κύ-
κλον ἐγγραφομένων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentag-
num æquilaterū in-
scriptum sit, pentag-
ni latus potest & la-
tus hexagoni & latus
decagoni, eidem cir-
culo inscriptorum.

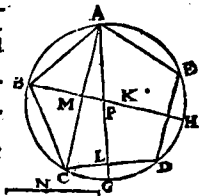


1 α

Ἐὰν εἰς κύκλον ῥητῶ ἔχοντα πῶ διαμέτρῳ, πεν-
ταγώνῳ ἰσόπλευρον ἐγγραφῆ, ἢ τῷ πενταγώνῳ
πλῆρ᾽ ἀλόγῳ ὅστις, ἢ καλεῖται ἐλάσσων.

Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητῶ haben-
te diametrum, inscriptū
sit pentagonum æquila-
terum, pentagoni latus ir-
rationalis est linea, quæ
vocatur Minor.

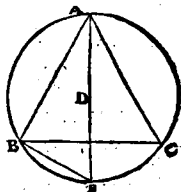


1 β

Ἐὰν εἰς κύκλον ῥητῶ ἔχοντα πῶ διαμέτρῳ, πεν-
ταγώνῳ ἰσόπλευρον ἐγγραφῆ, ἢ τῷ πενταγώνῳ
πλῆρ᾽ ἀλόγῳ ὅστις, ἢ καλεῖται ἐλάσσων.

Theor.12. Propositio 12.

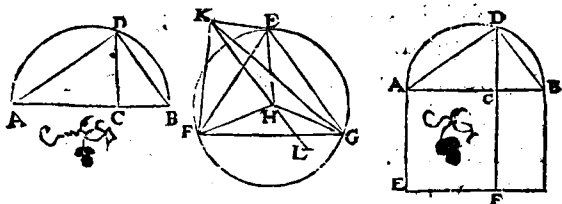
Si in circulo inscriptum
fit triangulum æquilate-
rum, huius trianguli latus
potentia triplum est eius
lineæ, quæ ex circuli cen-
tro ducitur.



¹⁷
Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ τῆς σφαίρας διάμε-
τρος, διπλάσι ἢ μολία ἔστι τῇ πλευρᾷ καὶ πυρα-
μίδος.

Probl.1. Propo.13.

Pyramidem constituere, & data sphaera
cōplecti, atque docere illius sphaeræ dia-
metrum potentia sesquialteram esse la-
teris ipsius pyramidis.

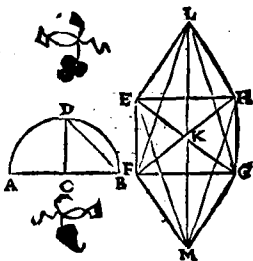


¹⁸
Ὅπως ἐστὶν συστήσασθαι, ἐκ σφαίρας περιλαβεῖν
ἢ καὶ πῶς πυραμίδα, ἐκ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ τῆς σφαίρας

διὰ μέτρος διωάμει διπλοσία ὅτι αὐτὴ πλὴν ἄς
τῶν ὀκταέδρων.

Probl.2.Propo.14.

Octaëdrum consti-
tuere, eaque sphaera
qua pyramidem cō-
plecti, atque probare
illius sphaerae diame-
trum potentia du-
plam esse lateris i-
psius octaëdri.

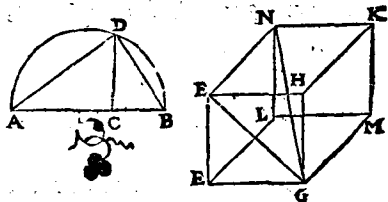


16

κύβου συστήσασθαι, εἰς σφαῖρα πῶς λαβεῖν ἢ εἰς τὰ
πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ αὐτὴ σφαῖρα διὰ μέτρος
διωάμει τριπλὴ ὅτι αὐτὴ τῶν κύβων πλὴν ἄς.

Probl.3.Propo.15.

Cubum constituere, eaque sphaera qua &
superiores figuras cōplecti, atque doce-
re illius
sphaerae dia-
metrum
potentia
tripλά esse
lateris i-
psius cubi.

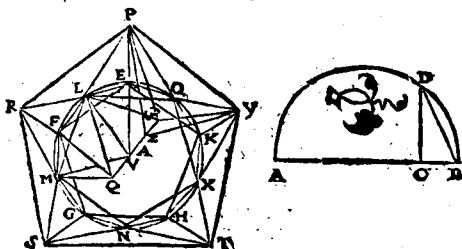


T iii

Εἰκογέεδρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν,
ἢ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, εἰ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς εἰ-
κογέεδρου πλὴν ῥα ἄλογός ἐστι, ἢ καλεσμένη ἐλάττω-
ται.

Probl. 4. Propo. 16.

Icosaëdrū cōstituere , eadēque sphæra
qua & antedictas figuras complecti , at-
que probare , Icosaëdri latus irrationalē
esse lineam, quæ vocatur Minor.

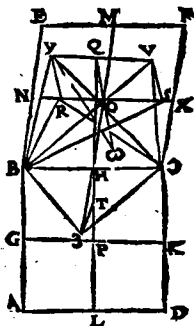


Δωδεκαέεδρον συστήσασθαι εἰ σφαῖρα περιλα-
βεῖν, ἢ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, εἰ δεῖξαι ὅτι ἡ
τῆς δωδεκαέεδρου πλὴν ῥα ἄλογός ἐστιν, ἢ καλεσμένη
ἀποδομή.

Probl. 5. Propo. 17.

Dōdecaëdrom constituere , eadēque
sphæra qua & antedictas figuras com-

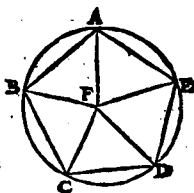
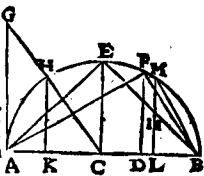
plecti, atque probare de
decaëdri latus irrationalē
esse lineam, quæ vo-
catur Residuum.



11
Τὰς πλευρὰς τῆς πέντε γωνίας ἐνδείξαι, καὶ
συγκρίναι πρὸς ἀλλήλους.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque
figurarum
latera pro-
ponere, &
inter se cō-
parare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

λέγω δὴ ὅτι παρὰ τὰ εἰρημένα εἰς γήματα ἔσυσται
θήσεται ἑξάγων γήμα, τοῦδε χόμινον ὑπὸ ἰσο-
πλευρῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοις. ὥστε
ἢ γὰρ δύο ἑξάγων, ἀλλ' ἐπεὶ ἄλλων δύο ἐπι-
πέδων σερεὰ γωνία ἔσυσται θήσεται.

Υπὸ ὃ ξιῶν βιγώνωρ, ἢ αὐτῶν πρυαμίδιθ.

Υπὸ ὃ τεσσάρωρ, ἢ τῷ οὐκ αἰδέδωρ.

Υπὸ ὃ εἰ, ἢ τῷ εἰκοτάδεδωρ.

Υπὸ δὲ ἐξ βιγώνωρ ἰσοπλῶδωρ τέ καὶ ἰσογωνίωρ πρὸς ἐνὶ τῇ μείω σωισαμένωρ, ἔκ ἐστιν σερρεὰ γωνία. ὅστις γὰρ αὐτῷ τῷ ἰσοπλῶδωρ βιγώνωρ γωνίας διμοίρωρ ὁρῶν, ἔθονται αἱ ἐξ τέτρασιν ὁρῶν ἰσῶι, ὅπως ἀδύνατον. ἅπαντα γὰρ σερρεὰ γωνία, ὥστε ἐλθασόνωρ ἢ τεσσάρωρ ὁρῶν πρὸς ἐλθεται. Διὰ ταῦτα αὐτὰ δὴ καὶ ἐπὶ ὥστε πλεονόνωρ ἢ ἐξ γωνιῶν ὡς πρὸς δὴ σερρεὰ γωνία σωίσεται.

Υπὸ δὲ τετραγώνωρ βιγών, ἢ τῷ κύβω γωνία περιέχεται.

Υπὸ ὃ τεσσάρωρ, ἀδύνατον. ἔθονται γὰρ πάλιν τέσσαρες ὁρῶι.

Υπὸ δὲ πενταγώνωρ ἰσοπλῶδωρ ὁ ἰσογωνίωρ, ὥστε ὅτι βιγών, ἢ τῷ δωδεκαέδωρ.

Υπὸ ὃ τεσσάρωρ, ἀδύνατον. ὅστις γὰρ αὐτῷ τῷ ἰσοπλῶδωρ πενταγώνωρ γωνίας ὁρῶν ὁρῶν ὁρῶν ἐπὶ πρὸς, ἔθονται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρωρ ὁρῶν μείζους,

ὁ ὡς ἀδύνατον. εἰ δὲ μὴν ἔστω πολυγώνων ἑτέρων
 χημάτων ὡς λαχθήσεται σφραγισμένη, διὰ τῶν
 ἀπομνημονεύων παρὰ τὰ εἰρημένα ἔχηματα ἑτε-
 ροχημα σφραγισθέντα, ὑπὸ ἰσοπλευρῶν καὶ
 ἰσογωνίων ὡς λαχθήσονται. ὁ ὡς εἰδήσει.

SCHOLIUM.

Aio. Verò, præter dictas quinque figuras non pos-
 se aliam constitui figuram solidam, quæ pla-
 nis & æquilateris & æquiangulis contineat-
 ur, inter se æqualibus. Non enim ex duobus
 triangulis, sed neque ex aliis duabus figuris
 solidus constituetur angulus.
 Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis
 angulus.

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque verò, Icosaëdri.

Nam ex triangulis sex & æquilateris &
 æquiangulis ad idem punctum coeuntibus,
 non fiet angulus solidus. Cum enim trianguli
 æquilateri angulus, recti unius bessem conti-
 neat, erunt eiusmodi sex anguli rectis qua-
 tuor æquales. Quod fieri nō potest. Nam so-
 lidus omnis angulus, minoribus quàm re-
 ctis quatuor angulis continetur, per 21. 11.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus
quàm planis sex eiusmodi angulis solidus
constat.

Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus con-
tinetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti
quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris &
equiangulis, Dodecaedri angulus cōtinetur.

Sed ex quatuor, nullus potest. Cū enim pen-
tagoni æquilateri angulus rectus sit & quin-
ta recti pars, erunt quatuor anguli rectis qua-
tuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex
aliis polygonis figuris solidus angulus conti-
nebitur, quòd hinc quoque absurdum sequa-
tur. Quamobrem perspicuum est, præter di-
ctas quinque figuras aliam figuram solidam
nō posse constitui, quæ ex planis æquilateris
& equiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΔΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς ὁιονταί Ἰανες, ὡς ἄλλοι δ', ΥΥΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ᾧδ' ἡ ἑ σωμάτων,

πρῶτον.

ΒΑΣΙΛΕΪΔΗΣ ὁ ΤΥΡΙΘ, ὃ πρῶταρχε, παραγε-
νηθεὶς εἰς Ἀλεξάνδρην, κῆσυσσας τοῦ πατρὸς
ἡμῶν διὰ τὴν ἀρετὴν μαθήματος συγγένειαν, σω-
διέξιστον αὐτῷ ἔμπλεῖστον ἐπιδημίας χρό-
νον. καί ποτε διελθόντες εὑχόμενοι ἀπολλωνίου γρα-
φὴν ᾧδ' ἐπιγραφῆς τῆς Δωδεκαέδρου καὶ τῆς
εἰκοσέδρου, ἡ δ' εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγρα-
φομένων, ἵνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἄλληλα,
ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὁρθῶς γεγραφέναι ἔμπλε-
λόντιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα διόρθωσαντες, ἐ-
γραψαν, ὡς ἡ ἀκέραια τῆς πατρὸς. ἐγὼ δ' ὕστερον

ὁδὲ μέγεθος ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ ἑλλωνίᾳ ἐκδιε-
 δομένῳ, καὶ ὁδὲ μέχοντι ἀπόδειξις ὑγιῶς ὁδὲ τῇ
 ὑποκειμένῃ, ἐπὶ μεγάλως ἐφ' ὑπεργωγῇ θλῶ ὡς τῇ
 προβλήματι ζήτησι. ὅς μ' ὑπὸ ἀπολλωνίᾳ ἐκ-
 διδοῖν ἔοικε κοινῇ σκοπεῖν. καὶ γὰρ ποδὲ φέρεται.
 ὅς δ' ὑφ' ἡμῶν διοικῶν ὑπερον γεγραφέναι φιλο-
 πόνως, ὅς διοκεῖν, ὑπομνηματίζεσθαι ἐκρίνα
 προσφωνῆσαι σοὶ διὰ τὴν ἐν ἅπασιν μαθήμασι,
 μάχιστα δ' ἐν γεωμετρίας προκοπῇ ἐμπείρως κρι-
 νόντι τὰ ρηθισόμιστα, διὰ τὴν τὴν πρὸς τὸν πατέρα
 σωθήσαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς θύνοισαν, θύμωσιν ἀκκο-
 μένῳ αὖτε πραγμάτων. καιρὸς δ' ἂν εἴη προσι-
 μὸς μὴ πεπαῦσαι, τὸ δ' ὅσον τάξεως ἀρχεῖσθαι.



EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM QV AR

TVM, VT QVIDAM ARBI-

trantur, vt alij verò, Hy-
psiclis Alexandrini,
de quinque cor-
poribus,

LIBER PRIMVS.

B*Asilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplinae societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cùmque differerent aliquando de scripta ab Apollonio cõparatione Dodecaedri & Icosaedri eidem sphaerae inscriptorum, quam hæc inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-*

monstrationem accuratè complecteretur de re
proposita, ex eiusque problematis indagatione
magnam equidem cepi voluptatem. Illud certè
ab omnibus perspici potest, quod scripsit Apol-
lonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem
diligenti, quantum coniiicere licet, studio nos po-
stea scripsisse videmur, id monimentis consigna-
tum tibi nuncupandum duximus, ut qui felici-
ter cum in omnibus disciplinis tum vel maximè
in Geometria versatus, scitè ac prudenter iudi-
ces ea quæ dicturi sumus: ob eam verò, quæ tibi
cum patre fuit, vitæ consuetudinem, quaque nos
complecteris, benevolentiam, tractationē ipsam
libenter audias. Sed iam tempus est, ut procæmio
modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσεις.

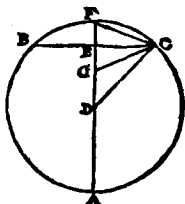
α,

Ἡ ἀπὸ τῆς κέντρης κύκλου ἑνὸς, ὡς πλὴν τῆς πεντα-
γώνου πλὴν ἀντὶ τῆς εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφο-
μένη καὶ διὰ τὴν ἀγομένη, ἡ μισοειά ὅτι σωμαφοτέ-
ρη, αὐτὴ ἐκ τῆς κέντρης καὶ αὐτὴ τῆς δεκαγώνου, τῇ εἰς
τὸν κύκλον ἐγγραφομένῳ.

Theor. I. Propo. I.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cu-
iuspiam

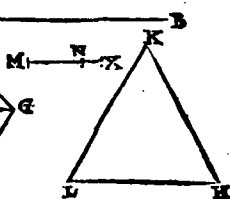
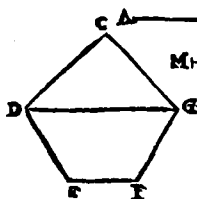
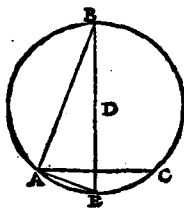
iussiam cētro in latus pentagōni ipsi cir-
culo inscripti ducitur, di-
midia est vtriusque simu
lineæ, & eius quæ ex cen-
tro, & lateris decagōni
in eodē circulo inscripti.



β
Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ τε τῆς δωδε-
καέδρου πεντάγωνον, καὶ τῆς εἰκοσάεδρου ἑξάγωνον
τῷ εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφόμενον.

Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dode-
caëdri pentagonum & icosædri trian-
gulum, eidem sphaeræ inscriptorum.

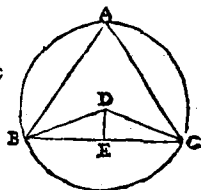
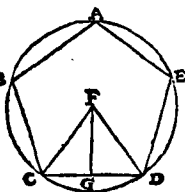


γ
Ἐὰν ἡ πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε & ἰσογώνιον, καὶ
περὶ τὸ τοῦ κύκλου, καὶ ἀπὸ τῆς κέντρης καθεστῇ
ὑπὸ μίαν πλευρὰν ἀχθῇ, τὸ ἑξακοντάκισι ὡς
μᾶλλον τῷ πλεονῶντι ἐστὶ καθεστῇ, ἴσον ὅστις τῇ τῆς
δωδεκαέδρου ὑποφανεία.

Theor.3.Propo.3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangu-
lo circumscribitur sit circulus, ex cuius cẽ-
tro in vnũ pentagoni latus ducta sit per-
pendicularis: quod vno laterum & per-
pendicula

ri trige-
sies conti-
netur, il-
lud æqua-
le est do-
decaëdri superficie.



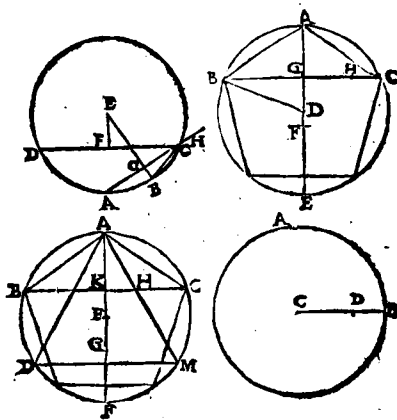
Α

Τὸ τε ἀήλε ὄντος, διμυτέον ὅτι ἔσαι ὡς ἡ Γ δωδε-
καέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῆς εἰκογέδρου, ὥτως
ἡ Γ κύβου πλυρὰ πρὸς τὴν τῆς εἰκογέδρου πλυ-
ραμ.

Theor.4.Propo.4.

Hoc perspicuum cùm sit, probandum
est, quemadmodũ se habet dodecaëdri

superficies ad icosaëdri superficiem, ita
se habere cubi latus ad icosaëdri latus.



Cubi latus.

E —————
Dodecaëdri.

F —————
Icōsaëdri.

G —————

Δεικτέον δὴν ὅτι, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλῆθυσ ἀπὸς
 τῷ τῷ εἰκοσθένει, ἔτι καὶ σφαιρῶν τῷ δωδεκακέντρῳ
 πρὸς τὸ σφαιρῶν τῷ εἰκοσθένει. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 πᾶσι μετὰ τὸ, τετὶ δωδεκακέντρῳ πεντά-
 γωνον καὶ τῷ εἰκοσθένει τρίγωνον, ἥτις εἰς τὴν αὐτὴν
 σφαῖραν ἐγγραφόμενων, καὶ ταῖς σφαίραις οἱ ἴσοι
 κύκλοι ἴσοι ἀπέχουσιν ἀπὸ τῶν κέντρων. αἱ γὰρ ἀπὸ τῶν
 κέντρων εἰς σφαῖρας ὑπὸ τὰ τῶν κύκλων ἐπίπεδα
 κείνται ἀγόμενοι, ἴσαι τε εἰσὶν ὑπὸ τὰ κέντρα
 τῶν κύκλων ὑπὸ τῆς. ὥς τε αἱ ἀπὸ τῶν κέντρων εἰς
 σφαῖρας ὑπὸ τὰ κέντρα τῶν κύκλων τῷ πᾶσι μετὰ
 βάνοντι τὸ τε τῷ εἰκοσθένει τρίγωνον καὶ τῷ
 δωδεκακέντρῳ πεντάγωνον, ἴσαι εἰσὶ, τετέστι αἱ
 κείνται ἴσου ὑπὸ τῶν εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βά-
 σεις ἔχειν τὰ τῷ δωδεκακέντρῳ πεντάγωνον, καὶ
 αἱ βάσεις ἔχειν τὰ τῷ εἰκοσθένει τρίγωνον. αἱ δὲ
 ἴσου ὑπὸ τῶν πυραμίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις. ὥς ἄρα καὶ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον,

ἔστω ἡ πύραυλος ἥς βάσις ἢ βῆσις τῆς Δωδεκαέδρου
 πεντάγωνου, κορυφή ἢ τῆς κέντρον αὐτοῦ σφαίρας,
 πρὸς τὴν πυραμίδα ἥς βάσις μέν βῆσις τῆς εἰκο-
 γέδρου τριγώνου, κορυφή ἢ τῆς κέντρον αὐτοῦ σφαίρας.
 Ὡς ἄρα Δωδεκα πεντάγωνον πρὸς εἰκοσι τρίγωνον
 αὐτὸ Δωδεκα πυραμίδες πενταγώνου βά-
 σιδος ἔχεται πρὸς εἰκοσι πυραμίδας τρίγωνου βά-
 σιδος ἔχοντες. καὶ Δωδεκα πεντάγωνον ἢ τῆς Δωδεκα-
 καέδρου ἐπιφάνειά βῆσις, εἰκοσι δὲ τρίγωνον ἢ τῆς εἰκο-
 γέδρου ὑπὸ φάνειά βῆσις. ἔστι ἄρα ὡς ἡ τῆς Δωδεκαέ-
 δρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῆς εἰκογέδρου ἐπιφάνειαν,
 ἔτω Δωδεκα πυραμίδες πενταγώνου βάσιδος ἔ-
 χεται πρὸς εἰκοσι πυραμίδας τρίγωνου βάσιδος ἔ-
 χοντες. Εἰς δὲ Δωδεκα ἢ πυραμίδες πενταγώ-
 νου βάσιδος ἔχεται, τὸ σφαιρὸν τῆς Δωδεκαέδρου, εἰ-
 κοσι δὲ πυραμίδες τρίγωνου βάσιδος ἔχεται, τὸ σφαι-
 ροῦ τῆς εἰκογέδρου. καὶ ὡς ἄρα ἡ τῆς Δωδεκαέδρου
 ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῆς εἰκογέδρου, ἔτω τὸ σφαιρὸν
 τῆς Δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σφαιρὸν τῆς εἰκογέδρου. ὡς
 ἢ ἡ ἐπιφάνεια τῆς Δωδεκαέδρου πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν

νῆαν τῷ εἰκογώνῳ, ὅπως ἐδείχθη ἢ τῷ κύβου πλά-
τος πρὸς τὴν τῷ εἰκογώνῳ πλάτος. καὶ ὥς ἄρα ἢ
τῷ κύβου πλάτος πρὸς τὴν τῷ εἰκογώνῳ πλάτος,
ὅπως ὁ σφαιρὸς τῷ δωδεκαγώνῳ πρὸς τῷ σφαιρῷ εἰ-
κογώνῳ.

SCHOLIUM.

*Nunc autem probandum est, quemadmodum
se habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habe-
re solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cū
enim æquales circuli comprehendant & dode-
caëdri pentagonum & Icosaëdri triangulum,
eidem sphaeræ inscriptorum: in sphaeris autem æ-
quales circuli equali intervallo distent à centro
(siquidē perpendiculares à sphaeræ cētro ad circu-
lorum plana ductæ & æquales sunt, & ad cir-
culorum centra cadunt) idcirco lineæ, hoc est
perpendiculares quæ à sphaeræ centro ducuntur
ad centrum circuli comprehendentis & triangu-
lum Icosaëdri & pentagonum dodecaëdri, sunt
æquales. Sunt igitur equalis altitudinis Pyrami-
des, quæ bases habent ipsa dodecaëdri pentago-
na, & quæ, Icosaëdri triangula. At equalis alti-
tudinis pyramides rationem inter se habent eam
quam bases, ex 5. & 6. II. Quemadmodum igitur
pentagonum ad triangulum, ita pyramis,*

onius basis quidem est dodecaëdri pētagonum,
Vertex autem, sphaerae centrum, ad pyramida cu
ius basis quidem est Icosaëdri triangulum, Ver
tex autem, sphaerae centrum. Quamobrem ut se
habent duodecim pentagona ad viginti triangu
la, ita duodecim pyramides quorum pentagona
sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonas
habeant bases. At pētagona duodecim sunt dō
decaëdri superficies, viginti autem triangula,
Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies
ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyrami
des, quae pentagonas habeant bases, ad viginti
pyramidas, quarum trigonae sunt bases. Sunt au
tem duodecim quidem pyramides, quae pentago
nas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti
autem pyramides, quae trigonas habeant bases,
Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri
superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum
dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dō
decaëdri superficies ad Icosaëdri superficiē, ita
probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quē
admodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus,
ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri
solidum.

Elementi decimiquarti finis.

V iiii



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς διονταίηνες, ὡς ἄλλοι δὲ ὕγι-

ΚΛΕΟΥΣ Αἰλεξανδρέως,

ποδὶ τῷ ἑσωμάτι

των, διθύροτον.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM QVINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant:

vt autem alii, Hypsi-

clis Alexandrini

de quinq; cor

poribus,

LIBER SECVNDVS.

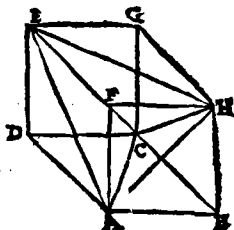
Προτάσεις.

α,

Εἰς τὸ δοθέντα κύκλον περιγράψαι

Problema 1. Pro-
positio 1.

In dato cubo pyra-
mida inscribere.

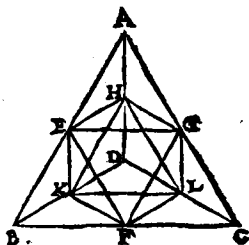


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Problema 2. Pro-
positio 2.

In data pyramide ο-
κταῖδρον inscribere.

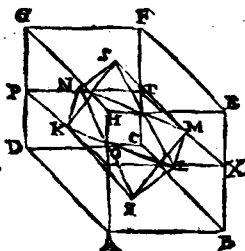


γ

Εἰς τὴν δοθέντα πύραμιν ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Probl. 3. Pro-
positio 3.

In dato cubo οκταῖ-
δρον inscribere.

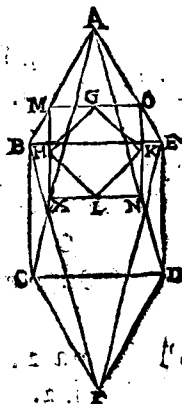


δ

Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκτάεδρον ἐγγράψαι.

Problema 4. Pro-
positio 4.

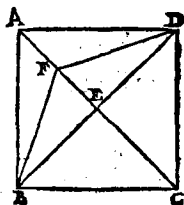
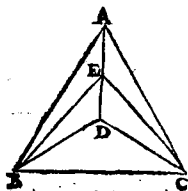
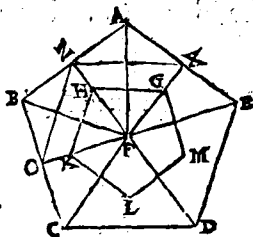
In dato octaëdro cubum
inſcribere.

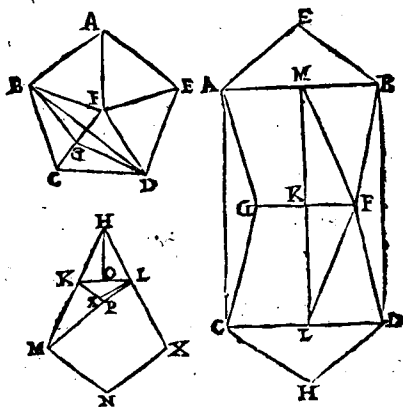


Εἰς τὸ δοθέν οἰκογέεδρον ὀκταεδρὸν ἐγγρά-
ψαι.

Proble. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icoſaëdro
dodecaëdruſ inſcri-
bere.





Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι ἐάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πόσας πλθυ-
 ρὰς ἔχει τ' εἰκοσάεδρου, Φήσομεν ὕψους. Φανερόν ὅτι
 ἅπασαν εἰκοσι βίγωνον περιέχεται τ' εἰκοσάεδρον,
 καὶ ὅτι ἑκαστον βίγωνον ἅπασαν βίωρ διθίωρ περιέ-
 χεται. διὲν οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἰκοσι
 βίγωνα ὡς τὰς πλθυρὰς τῶν βίγων, γίνεται δὲ
 ἐξήκοντα, ὅμῃ ἡμῶν γίνεται βιάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ
 ὡς τὰ δωδεκάεδρα. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-
 γωνα περιέχουσι τ' δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἑκα-
 στον πεντάγωνον ἔχει πέντε διθείας, ποιεῖμεν δω-
 δεκάκισ πέντε, γίνεται ἐξήκοντα. πάλιν τ' ἡμῶν
 γίνεται βιάκοντα. Διὰ τί δὲ τ' ἡμῶν ποιεῖμεν;
 ἐπειδὴ ἑκάστη πλθυρὰ, καὶ τε βίγωνον, καὶ πεντά-
 γωνον, καὶ τετραγώνον, ὡς ὡς κύβου, ἐκ διθυτέρων λυμ-
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὡς κύβου, καὶ
 ὡς πρὸς πυραμίδος, καὶ τῶν ὀκταέδρων τὰ αὐτὰ
 ποικίλας διρήσεις τὰς πλθυρὰς. εἰ δὲ βεληθεὶς πάλ-
 λιν ἑκάστη τ' πέντε σχημάτων διρεῖν τὰς γωνίας, πάλ-

λιν τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριζε παρὰ τὰ ἐπίπεδα
 τὰ περιέχοντα μίαν γωνίαν ἑστέρεον, οἷον ἐπειδὴ
 πλὴν τῆς εἰκοσέδρου γωνίαν περιέχουσι ἑξήγωνα
 μέριζε παρὰ τὰ ἑ, γίνονται δωδεκά γωνία τῆς
 εἰκοσέδρου ὡς δὲ τῆς δωδεκαέδρου, τρία πεντά-
 γωνα περιέχουσι πλὴν γωνίαν, μέρισον παρὰ τὰ
 ἑξί, καὶ ἔξεις ἡ γωνίας ἕξ τῆς δωδεκαέδρου. ὁ
 μοίως δὲ ἐκ τῆς λοιπῆς διήσεις τὰς γωνίας.

ΤΕΛΟΣ ΕΥΚΛΕΙΔΟΥΣ ΓΟΙΧΕΙΟΥ.

SCHOLIUM.

Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosae-
drum habeat latera, ita respondendum esse. Pa-
tet Icosaedrum viginti contineri triangulis,
quodlibet verò triangulum rectis tribus constare
lineis. Quare multiplicanda sunt nobis viginti
triangula in trianguli unius latera, suntque se-
xaginta, quorum dimidium est triginta. Ad
eundem modum & in dodecaedro. Cum enim
rursus duodecim pentagona dodecaedrum com-
prehendant, itemque pentagonum quodvis rectis

quinque cōstet lineis, quinque duodecies multipli-
camus, fiunt sexaginta, quorū rursus dimidium
est triginta. Sed cur dimidiū capimus? Quoniam
vnumquodque latus siue sit trianguli siue penta-
goni, siue quadrati, vt in Cubo, iteratō sumitur.
Similiter autem eadem via & in cubo & in
pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quod
si item velis singularum quoque figurarum an-
gulos reperire, facta eadem. multiplicatione nu-
merum procreatum partire in numerum plano-
rum quæ vnum solidum angulum includunt: vt
quoniam triangula quinque vnum Icosaëdri an-
gulum continent, partire 60. in quinque, nascun-
tur duodecim anguli Icosaëdri. In dodecaëdro
autem tria pentagona angulum comprehendunt.
partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri
angulos viginti. Atque simili ratione in reli-
quis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.

