

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

ΕΥΚΛΙΔΙΣ ΕΛΕΜΕΝΤΩΡΩΝ

LIBRI XV. GRÆC-

cè & Latinè,

*Quibus, cū ad omnem Mathematicæ scientiæ
partem, tūm ad quamlibet Geometriæ tra-
ctationem, facilis comparatur aditus.*

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέπτε Γλάτων Θ', ἄγνυτα γόργος σο-
φός ὄρε.

Γυτα γόργος σοφός ὄρε, πλάτων δ' ἀρίστηλ' ἐδί-
δαξεμ,

Εὐκλείδης ὡς τοῖσι κλέθ' ἀδικαλὲς ἔτρυξεμ.



LVTETIAE,

*Apud Gulielmum Cauellat, in pingui Gallina,
ex aduerso collegij Cameracensis.*

I 5 5 7.

3355

1927 a 181



AD CANDIDVM LE-
CTOREM ST. GRACILIS
Præfatio.

PERMAGNI referre semper
existimaui, lector beneuole, quan-
tum quisque studij & diligentia
ad percipienda scientiarum elemē-
ta adhibeat, quibus non satis cognitis, aut perpe-
ram intellectis, si vel digitum progredi tentes,
erroris caliginem animis offundas, non veritatis
lucem rebus obscuris adferas. Sed principiorum
quanta sint in disciplinis momenta, haud facile
credat, qui rerum naturam ipsa specie, non viri-
bus metiatur. Vt enim corporū quæ oriuntur &
intereunt, viliſſima tenuiſſimæque videtur ini-
tia: ita rerum æternarum & admirabiliū, qui-
bus nobiliſſimæ artes continentur, elementa ad
speciem sunt exilia, ad vires & facultatē quā-
maxima. Quis non videt ex fici tantulo grano,
vt ait Tullius, aut ex acino vinaceo, aut ex cæ-
terarum frugum aut stirpium minutiſſimis se-

P R Æ F A T I O.

minibus tantos truncos ramosque proceari? Nā Mathematicorū initia illa quidē dictū auditūq; perexigua, quantam theorematum syluam nobis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis seminibus, sic & in artium principiis inesse vim earum rerum, quæ ex his progignuntur. Præclare igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἵσως ἀρχὴ πᾶντος, καὶ ὅσα κρείσσον τῇ διωάμει, ἔστω μικρότατον ὅτι τὸ μέγιστον χαλεπὸν ὅτι οὐ φθίνουσι. Quocirca committendum non est, ut nō bene prouisa & diligenter explorata scientiarum principia, quibus propositarum quarumq; rerum Veritas sit demonstranda, vel constituas, vel constituta approbes. Cauendū etiā, ut ne tantulum quidem fallaci & captiosa interpretatio ne turpiter deceptus, à vera principiorum ratione temere deflebas. Nam qui initio fortē aberrauerit, is ut tandem in maximis versetur erroribus necesse est: cum ex vno erroris capite densiores sensim tenebræ rebus clarissimis obducantur. Quid tam varius veterum physiologorū sententias non modò cum rerum Veritate pugnātes, sed vehementer etiam inter se dissentientes nobis inuexit? Equidem haud scio fuerūtne vlla potior tanti dissidij causa, quàm quòd ex principiis partim falsis partim non consentaneis du-

P R Æ F A T I O.

Etas rationes probando adhiberent. Fit enim plerumque, ut qui non rectè de artium rerumque elementis sentiunt, ad præfinitas quasdam opiniones suas omnia reuocare studeant. Pythagorei, ut meminit Aristoteles, cum denarj numeri summam perfectionem cælo tribuerent, nec plures tamen quàm nouem sphaeras cernerent, decimam affingere ausi sunt terræ aduersam, quam ὀπίσθωα appellarunt. Illi enim vniuersitatis rerumque singulari naturam ex numeris cœu. principiis æstimantes, ea protulerunt quæ Φαντασμοis congruere nusquam sunt cognita. Nam ridicula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxagoræ, Anaximandri, & reliquorum id genus physiologorum somnia, ex falsis illa quidem orta naturæ principiis, sed ad Mathematicum nihil aut parum spectantia, sciens prætereo. Nonnullos attingã, qui repetitis altius, vel aliter ac decuit positis rerum initiis, cum in physicis multa turbauerunt, tum Mathematicos oppugnatione principiorum pessimè mulctauerunt. Ex planis figuris corpora constituit Timæus: Geometrarum hæc quidem principia cuniculis oppugnãtur. Nã & superficies seu extremitates crassitudinẽ habebunt, & lineæ latitudinem: denique puncta nõ erunt indiuidua, sed linearum partes. Prædicat

P R Æ F A T I O.

Democritus atq; Leucippus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic verò Geometriae fundamenta aperte petuntur, & funditus euertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quàm vt amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot præclara Geometrarum de asymmetris & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causæ dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri non queat? Siquidem quod minimum in vnoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quæ ex falsis eiusmodi decretis absurda cõsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia ἄβυσσος ἀφαιμάτων genera commemore, quæ ex hoc vno fonte tam longè latèque diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragonis, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cum rectæ lineæ curuam posuit æqualem. Lõgum esset mihi singula percensere, præsertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, αὐτοὺς δὲ τοιοῦτος ὁ

P R Æ F A T I O.

εἰδῶσι καλῶς αἱ ἀρχαὶ. μετὰ τὸ πρῶτον εἰ-
 πλὼ πρὸς ἐπὶ οὐλοα. Nam principii illa congrue-
 re debent, quæ sequuntur. Quòd si tantum perspi-
 citur in istis exilioribus Geometriae initiiis, quæ
 puncto, linea, superficie definiuntur, momentum,
 ut ne hæc quidem sine summo impendentis rui-
 nae periculo connelli aut oppugnari possint: quan-
 ta quæso vis putanda est huius σοιχειώσεως, quā
 collatis tot præstantissimorum artificum inuen-
 tis, mira quadam ordinis solertia contextuit Eu-
 clides, vniuersæ Matheseos elementa complexu
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-
 ctior & paratior quisque ad hoc studiū libētius
 accedat, & singula vel minutissima exactius
 secum reputet atque perdiscat, operæ precii cēsui
 in primo institutionis aditu vestibulòque præci-
 pua quædam capita, quibus tota ferè Mathema-
 ticæ scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
 σοιχειώσῃ consiliū sedulò ac fideliter exponere.
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
 fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-
 genuū animi candorem ad legendum attulerit.
 Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.

Mathematicæ in primis scientiæ studiosos

P R Æ F A T I O.

fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed etiam philosophorum libri declarant. His ergo placuit, ut in partes quatuor vniuersum distribuatur Mathematicæ sciētiae genus, quarū duas τοῦτο ἔστι ποσοῦν, reliquas τοῦτο ἔστι πηλίκου versari statuerunt. Nam & ἔστι ποσοῦν vel sine vlla comparatione ipsum per se cognosci, vel certa quadā ratione comparatum spectari: in illo Arithmetica, in hoc versari Musicam: & ἔστι πηλίκου partim quiescere, partim moueri quidem: illud Geometriæ propositum esse: quod verò sua sponte motu cietur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò putet Mathematicam scientiam, quòd in vtroque quanti genere cernitur, idcirco inanem videri (si quidem non solum magnitudinis diuisio, sed etiam multitudinis accretio infinite progredi potest) meminisse decet, & πηλίκου & ἔστι ποσοῦν, quæ subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à Pythagoreis nomina, non cuiuscūque modi quantitatem significare, sed eam demū, quæ tum multitudine tum magnitudine sit definita, et suis circumscripta terminis. Quis enim vllā infiniti sciētiae defendat? Hoc scitū est, quod non semel docet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidē complecti quenquā posse. Itaque ex infinita multitudinis & magnitudinis διαμέτρῳ, finitam hæc

P R Æ F A T I O.

scientia decerpit & amplectitur naturam, quā tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geometrarum consuetudine quid sentiendum sit, cū data interdum magnitudine infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristoteles, εὐδὲ οὖν (de Mathematicis loquens) δέονται τῶ ἀπειρῷ, εὐδὲ χεῶνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσω ἀρβύλωνται, περὶ ὧν αὐτοὶ μέντω. Quamobrem disputatio ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis rationibusque non aduersatur, nec eorū apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod exitu nullo peragrari possit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem: sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quinetiā nō non modò immensa magnitudine opus non habent Mathematici, sed ne maxima quidem: cū instar maximæ minima quæque in partes totidē pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, Vir (quantum ex Proclo coniecere licet) μαθηματικῶν laude clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accurratior fortè visa est, cū doctissimè pertractarit sua in decimū Euclidis præfatione P. Mōtaureus Vir senatorius, et regię bibliothecæ præ-

P R Æ F A T I O.

fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν καὶ τῶν αἰ-
 σθητῶν, quæ res sub intelligentiâ cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit Geminus : quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatirci, Optica, Geodasia & Mechanica
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem spectas-
 se videtur Aristoteles, cùm Astrologiam, Opti-
 cam, harmonicam φυσικῶν τε καὶ μαθηματικῶν
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis
 interiectæ sint, ac velut ex vtriusq; mixtæ disci-
 plinæ: Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, εἰς τὴν ἀρχὴν τῆς
 φυσικῆς καὶ μαθηματικῆς ἀναφέρεται, καὶ διὰ τὴν ἀρχὴν
 τῆς φυσικῆς καὶ μαθηματικῆς. Sequitur, vt quid Mathematica
 conueniat cum Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostēdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt positæ, ob idque θεωρη-
 τικὰ à Græcis dicuntur. Nam cùm διανοία siue
 ratio & mens omnis sit vel θεωρητικὴ, vel πο-
 λεμικὴ, vel θεωρητικὴ, totidem scientiarū sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-

P R Æ F A T I O.

ficiendo sunt occupatæ, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem $\mu\epsilon\tau\alpha\phi\upsilon\sigma\iota\kappa\omicron\iota\varsigma$, harum autem vel mens, vel ars, vel vis quædam & facultas: rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, nō in philosophis inclusa latent. Atque hæc vna in omnes valet ratio, quæ $\delta\iota\omega\phi\alpha\lambda\epsilon\upsilon\sigma\iota\varsigma$ esse colligat. Iam verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd vtræque versatur in cognitione formarum corpori naturali inherentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudines & puncta cōtemplatur, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem vtræque persequitur formarum, quoad immobiles, & à cōcretionem materiæ sunt liberae. Nā tametsi Mathematicæ forma re vera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, & $\epsilon\delta\epsilon\epsilon\ \gamma\iota\upsilon\epsilon\tau\omicron\iota\iota$. $\tau\epsilon\upsilon\delta\iota\ \&\ \chi\omega\epsilon\iota\zeta\omicron\nu\tau\omega\upsilon$, vt ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iā quid intersit, Videamus. Vnaquæque mathematicarum

P R Æ F A T I O.

certum quoddam rerum genus propositū habet, in quo versetur, ut Geometria quātitatem & continuationem aliorum in vnam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem philosophia, cū sit omnium cōmunis, vniuersum Entis genus, quæque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad hæc, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quæ quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ἐξ ἀκινήσεως dici cōsuevit. Sed Prima philosophia in iis versatur, quæ & seiuncta, & æterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Cæterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, vnde dissimilitudo quoque scientiarū sequitur. Etenim mathematicæ species nihil re vera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem consecratur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensæ sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex quo fit, ut quæcun-

P R Æ F A T I O .

que in Mathematicis incommoditates accidunt,
eædem etiam in naturalibus rebus videãtur acci-
dere, non autẽ vicissim. Multa enim in natura-
libus sequuntur incõmoda, quæ nihil ad Mathe-
maticum attinent, Διὰ τὸ, inquit Aristoteles,
τὰ μὲν ἐξ ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικὰ,
τὰ δὲ φυσικὰ ἐκ προσάθεως Siquidem res cū ma-
teria deuinẽtas contemplatur physicus: Mathe-
maticus verò rem cognoscit circumscripiis iis o-
mnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, le-
uitate, duritie, mollitie, & præterea calore, fri-
gore, aliisque contrariorum paribus quæ sub sen-
sum subiecta sunt: tantum autem relinquit quã-
titatem & continuum. Itaque Mathematicorũ
ars in iis quæ immobilia sunt, cernitur (τὰ γὰρ
μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνθυκτικῶς ὄντιν, ἔξω τῶν
ᾧ τὴν ἀσπολογίαν) quæ verò in naturæ ob-
scuritate posita est, res quidem quæ nec sepa-
rari nec motu vacare possunt contemplatur.
Id quod in utroque scientiæ genere perspicuum
esse potest, siue res subiectas definias, siue proprie-
tates earum demonstras. Etenim numerus, linea,
figura, rectum, inflexum, æquale, rotundum, &
niuersa denique Mathematicus quæ tractat &
proficitur, absque motu explicari docerique pos-
sunt: χωρὶς αὖ γὰρ τῆ νοήσεως ὄντι: Physica

P R Æ F A T I O.

autem sine motione species nequaquam possunt intelligi. Quis enim, hominis, plātæ, ignis, ossiū, carnis naturā & proprietates sine motu qui materiam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper substantia quæque naturalis constare dici solet, quoad opus & munus suum, agēdo patiendōque tueri ac sustinere valeat: qua certè amissa δυνάμει, ne nomen quidem nisi ὁμωνύμως retinet. Sed Mathematico ad explicandas circuli aut trianguli proprietates, nullū adferre potest vsus, materiæ ut auri, ligni, ferri, in qua insunt, cōsideratio: quin eò verius eiusmodi rerū, quarum species tanquā materia vacantes efformemus animo, naturam complectemur, quòd coniunctione materiæ quasi adulterari deprauarique videntur.

Quocirca Mathematicæ species eodem modo quo κοιλότης, siue concavitas, sine motu & subiecto definitione explicari cognoscique possunt: naturales verò cum eam vim habeant, quā, ut ita dicam, similitas, cum materia comprehensæ sunt, nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus exemplis quid inter Physicas & Mathematicas species intersit, haud difficile est animaduvertere. Illis certè non semel est vsus Aristoteles. Valeant ergo Protagoræ sophismata, Geometras hoc nomine refellentis, quòd circulus normam pun-

P R Æ F A T I O .

Eto non attingat. Nam diuina Geometrarū theore-
 mata qui sensu aestimabit, vix quicquam re-
 periet quod Geometra concedendum videatur.
 Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectū
 aut rotundum dici potest, vt à Geometra ponitur?
 Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-
 neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis
 assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne
 latitudinis quidem expertes. Siquidē nō iis vti-
 tur geometra quasi inde vim habeat conclusio,
 sed eorum quæ discenti intelligenda relinquin-
 tur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-
 mum instituuntur, hi ductu quodam & velut
 ἡγεγυγία sensuum opus habēt, vt ad illa quæ
 sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-
 parare queant. Sed tamen existimandum nō est
 rebus Mathematicis omnino negari materiā, ac
 nō eā tantum quæ sensum afficit. Est enim ma-
 teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo
 & ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-
 τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, vt æs,
 vt lignū, omnisque materia quæ moueri potest.
 Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-
 silibus inest, sed nō quatenus sensu percipiuntur,
 quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-
 stotele scriptum legimus ὡς τὸ πρῶτον ἐκ τῶν αἰσθητῶν

PRÆFATIO.

ὅτι τῶν rectum se habere ut simum: μετὰ συνεχῆς
 Ἄ: quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-
 rum est, suam esse materiam, nō minus quā si-
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-
 thematicæ sensili vacent materia, non sunt ta-
 men individua, sed propter cōtinationem par-
 titiōni semper obnoxia, cuius ratione dici possūt
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-
 tur εἶναι ἑξῆς, aliud quoad cōtinationi
 adiūcta intelligitur linea. Illud enim ceu forma
 in materia, proprietatum causa est, quas sine ma-
 teria percipere nō licet. Hæc est societatis & dis-
 sidij Mathematicæ cum Physicæ & primæ Phi-
 losophia ratio. Nunc autem de nominis etymo-
 & notatione pauca quædam afferamus. Nam si
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-
 mina, ea certè non temere indita fuisse credendū
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim
 Aristoteles ducto ex Verborum ratione argumē-
 to, αὐτομάτῃ, μετὰβολῆς, αἰετίος, aliarumque re-
 rum naturam ex parte confirmavit. Quoniam
 igitur Pythagoras Mathematicam scientiam nō
 modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite
 principiis,

PRÆFATIO.

principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplinæ formam composuit, & perspetis absque materia, solius intelligentiæ adminiculo theorematibus, tractationem. ὁδὸν τῆς ἀλγέρας, & κοσμητικῆς χημείας constitutionem excogitavit: credibile est, Pythagorā, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic sciētiae id nomē dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerūque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cū existimaret illi omnē disciplinā, quæ μνάσθαι dicitur, ἀνάμνησις esse quandam, id est recordationem & repetitionē eius sciētiae, cuius antè quā in corpus immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menōne, Phaedōne, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animadverterent autem eiusmodi recordationem, quæ non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, ὡς τὰ ἀλγέα μαθητικά ἄν: probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes uerè ἐξολῶ fuisse nominatas, ut ex quibus μνάσθαι, id est eternarum in anima rationum recordatio ἀναμνηστικὴ & præcipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menōne Socratem in-

P R Æ F A T I O.

duxit hoc argumenti genere persuadere cupientem discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius rationum animũ recordari. Etenim Socrates pusionem quendam, vt Tullij verbis vtar, interrogat de geometrica dimẽsione quadrati : ad ea sic ille respondet vt puer, & tamen tam faciles interrogationes sunt, vt gradatim respondens, eodem perueniat, quò si geometrica didicisset. Aliam nominis huius rationem Anatolius exposuit, vt est apud Rhodiginum, quòd cùm ceteræ disciplinæ deprehendi vel non docente aliquo possint omnes, Mathematica sub nullius cognitionem veniant, nisi præeunte aliquo, cuius solertia succidantur vepreta, vel exurantur, & superciliosa complanentur aspreta. Ita enim Cælius : quod quam vim habeat, non est huius loci curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Mathematicos in magna rerum obscuritate, recondita arte, multiplicique ac subtili versari scribit. sed quis nescit id ipsum cū alijs grauioribus scientiis, esse cõmune? Est enim, vel eodem autore Tullio, omnis cognitio multis obstructa difficultatibus, maximaque est & in ipsis rebus obscuritas, & in iudicijs nostris infirmitas: nec vlus est, modò interius paulò Physica penetrarit, qui nõ facile sit expertus, quàm multi vndique

P R Æ F A T I O.

emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expèdendum fuerit. Quocirca primam verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Hactenus de vniuerso Mathematicæ genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea disseram, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionū, quæ in illis cernuntur ac inhaerent: ipsa quidē progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, variâsque ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis scientia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & contèplatur: causis & principiis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quæ de genere subiecto per se enunciantur: Geometriæ quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circulis

ē ij

P R Æ F A T I O.

lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus cōsistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, equalitates, πᾶρεσβολαὶ, ὑπὲρβολαὶ, ἐμείψις, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia. Postulata verò & Axiōmata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quo-uis centro & intervallo circulum describere: Si ab equalibus equalia detrahas, quæ relinquuntur esse equalia, ceteraque id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua videatur Arithmetica et Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit æquiescens et exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accuratiorẽ esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ rem esse tantũ declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initis con-

P R Æ F A T I O.

*stat, quàm quæ aliqua adiectione cõpositis vti-
tur. Atque hac quidem ratione Geometria præ-
stat Arithmetica, quòd illius initium ex addi-
tione dicatur, huius sit simplicius. Est enim pun-
ctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm
obtinet: unitas verò punctum est quod situ va-
cat. Ex quo percipitur, numerorũ quàm magnitu-
dinum simplicius esse elementum, numerosque
magnitudinibus esse puriores, & à concretionẽ
materiæ magis disiunctos. Hac quanquam nemi-
ni sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria
quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum
vbertate multiplici vel cum Arithmetica cer-
tet: id quod tute facile deprehendas cum ad infi-
nitam magnitudinis diuisionem; quam respuit
multitudo, apimum conuerteris. Nunc quæ sit
Arithmetica & Geometria societas, videamus.
Nam theorumatum quæ demonstratione illustrã-
tur, quedam sunt vtriusque sciẽtiæ communia;
quedam verò singularium propria. Etenim quòd
omnis proportio sit quorũ seu rationalis, Arith-
metica soli conuenit, nequaquam Geometria, in
qua sunt etiam ἀρρητοί, seu irrationales propor-
tiones: item, quadratorum γένεσις non modo
definitas esse, Arithmetica proprium (sa quidem
in Geometria nihil tale minimum esse potest)*

P R Æ F A T I O.

sed ad Geometriam propriè spectât situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuus admittuntur: ἄλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam ἄλογον esse solet. Communia porro vtriusque sunt illa, quæ ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quod sectio per extremâ & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam verò ex theorematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmeticam traducuntur: alia contrà ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quedam verò perinde vtrique scientiæ conueniunt, ut quæ ex vniuersa artè Mathematica in vtrâque harum conueniant. Nam & alterna ratio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo communia sunt vtriusque. Quæ autem sunt τοῦ δι' οὐκ ἐκμετρίων, id est de commensurabilib⁹, Arithmetica quidè primū cognoscit et contēplatur: secundo loco Geometria Arithmetica imitata. Quare & cōmensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationē inter se habent, quā numerus ad numerū, perinde quasi cōmensuratio & οὐκ ἐκμετρίων in numeris primū cōsistat (Vbi enim numerus, ibi & οὐκ ἐκμετρίων cernitur: & ubi οὐκ ἐκμετρίων illic etiam numerus) sed quæ

P R Æ F A T I O.

triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometra primum considerantur: tùm analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris cõteplatur. De Geometriæ diuisione hoc adiiciendum puto, quòd Geometriæ pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera verò solidas contemplatur, quæ ad duplex illud interuallũ crassitudinem adsciscit. Illam generali Geometriæ nomine veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro cõparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis anteceßit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem ætate ullam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometriæ vtilitatẽ accedo, quæ quanquam suapte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius vsus aut actionis ministerio mæcipata (vt de Mathematicis omnibus sciẽtiis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen vtilitatis externæ quæritur, Dij boni quàm letos, quàm vberes, quàm varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarũ alius, qui Mathematicorũ artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videatur, cuiusque quod melius aut deterius nullam habeat

P R Æ F A T I O.

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit me-
 lius, trianguli, verbi gratia, tres angulos duobus
 esse rectis æquales: minimè tamen fuerit consen-
 taneum, Geometriæ cognitionem Vt inutile ex-
 agitare, criminari, explodere, quasi quæ finē &
 bonū quò referatur, habeat nullū. Multas haud
 dubiè solius contemplationis beneficio citra ma-
 teriæ contagionem adfert Geometria cōmodita-
 tes partim proprias, partim cum vniuerso gene-
 re communes. Cum enim Geometria, Vt scripsit
 Plato, eius quod semper est cognitionem profitea-
 tur, ad veritatem excitabit illa quidem animū,
 & ad ritè philosophandum cuiusque mentem
 comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes fa-
 cilius perdiscendas, attrigeris necne Geometriam,
 quanti referre censes? Nam Vbi cum materia cō-
 iungitur, nōne præstantissimas procreat artes,
 Geodæsiā, Mechanicam, Opticā, quarū omnium
 Vsu, mortaliū vitam summis beneficiis comple-
 titur? Etenim bellica instrumenta, Vrbiūmq;
 propugnacula, quibus munitæ Vrbes, hostium
 vim propulsarēt, his adiutricibus fabricata est:
 montium ambitus & altitudines, locorūq; situs
 nobis indicauit: dimetiendorum & mari & ter-
 ra itinerum rationē præscripsit: trutinās & sta-
 teras, quibus exacta numerorum æqualitas in ci-
 uitate retineatur, cōposuit: vniuersi ordinem si-

P R Æ F A T I O.

mulachris expressit: multaque quæ hominum fidem superaret, omnibus persuasit. Vbique extant præclara in eâ rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nã extructo vastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiarum regi Ptolemæo mitteret, cum vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus nauem trahere nõ posset, effecissetque Archimedes vt solus Hiero illa subduceret, admiratus viri scientiam rex, ὁ δὲ τὸ αὐτὸ πρῆξι, ὁ δὲ ἡμέτερος, ὁ δὲ πᾶσι τοῖς ἀρχιμηδὲ λέγοντι πρὸς αὐτὸν. Quid? quod Archimedes idem, vt est apud Plutarchũ, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moueri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactarit, se terram haberet alteram vbi pedẽ figeret, ad eam, nostrã hanc se transmouere posset? Quid varia αὐτοματῶν machinarũque genera, ad vsus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profectò sunt illa, et admiratione dignissima, quibus prisci homines incredibili quodam ad philosophandum studio cõcitati, inopem mortalium vitã artis huius præsidia subleuauerunt: tametsi memoria sit proditum, Platonem Eudaxo & Archytã vitia inerte se, quod Geometrica problemaata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefici Geometria præstantiam, quæ ab intelligi-

P R Æ F A T I O.

bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corporeas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scriptis Plato Geometrarū esse vocabula, quæ quasi ad opus & actionem spectent, ita sonare videntur. Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid addere, producere, applicare? Multa quidē sunt eiusmodi nomina, quibus necessariō & tanquā coacti geometræ vtuntur, quippe cū alia desint in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato, sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geometriam ipsam cognitionis gratia exercendam, nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerum vntōy intelligentia aestimandā esse. Exposita brevī⁹ quæ res tāta dici possit, utilitatis ratione, Geometriæ ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum monumentis nobis est cognitus, deinceps aperiamus. Geometria apud AEgyptios inuenta, (ne ab Adamo, Setho, Noah, quos cognitione rerū multiplici valuisse constat, eam repetamus) ex terrarum dimensione, vt verbi præ se fert ratio, ortum habuisse dicitur: cū anniuersaria Nili inundatione & incrementis limo obducti agrorum termini confunderetur. Geometriam enim, sicut & reliquas disciplinas, in vsu quā in arte prius fuisse aiunt. Quod sanè mirum videri non debet, vt & huius & aliarum scientiarum inuentio ab vsu coeperit ac necessitate. Etenim tempus,

P R Æ F A T I O.

rerum usus, ipsa necessitas ingenium excitat, & ignaviam acuit. Deinde quicquid ortum habuit (ut tradunt Physici) ab inchoato & imperfecto processit ad perfectum. Sic artium & scientiarum principia experientiae beneficio collecta sunt: experientia vero à memoria fluxit, quae & ipsa à sensu primum manavit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad vitam necessariis, in Aegypto fuisse constitutas, quod ibi sacerdotes omnium concessu in otio degerent: non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, verbi gratia, terrae dimetiendae rationem, quae thewrematium deinde inuestigationi causam dederit: sed hoc confirmat, praecleara eiusmodi thewrematum inuenta, quibus extructa Geometriae disciplina constat, ad usus vitae necessarios ab illis non esse expetita. Itaque vetus ipsum Geometriae nomen ab illa terrae partiunda finiumque regundorum ratione postea recessit, & in certa quadam affectionum magnitudini per se inhaerentium scientia propriè remansit. Quèadmodum igitur in mercium & contractuum gratia, supputandi ratio, quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phoenicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea quam commemoravi causa ortum habuit Geometria. Hanc certe, ut id obiter dicam,

P R Æ F A T I O.

*Thales in Græciâ ex Ægypto primum transtu-
lit: cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippo-
crate Chio, Platone, Archyta Tarëfino, aliisque
compluribus, ad Euclidis tempora facta sunt re-
rum magnarum accessiones. Caterum de Eucli-
dis etate id solum addam, quod à Proclo memo-
ria mandatum accepimus. Is enim commemora-
tis aliquot Platonis tum equalibus tum discipu-
lis, subiicit, nō multò etate posteriorem illis fuisse.
Euclidem eum, qui Elementa conscripsit, & mul-
ta ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum cō-
posuit, multaque à Theæteto inchoata perfecit,
quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad-
firmiſſimas & certiſſimas apodixes reuocauit.
Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo.
Etenim ferūt Euclidē à Ptolemæo quodā interro-
gatum, nunqua eſſet via ad Geometriam magis
cōpendaria, quàm ſit iſta σοιχεώσις, reſpōdiſſe,
μὴ εἶναι βραχύτερον ὁδοῦ γινώσκουσιν. Dein-
de ſubiungit, Euclidē natu quidē eſſe minorē Pla-
tone, maiorem verò Eratoſthene & Archimede
(hi enim æquales erāt) cūm Archimedes Eucli-
dis mentionē faciat. Quod ſi quis egregiā Eucli-
dis laudē, quā cūm ex aliis ſcriptionibus accura-
tiſſimis, tum ex hac Geometrica σοιχεώσιν conſe-
quutus eſt, in qua diuinus rerū ordo ſapientiſſi-
mis quibuſq; hominibus magnæ ſemper admira*

PRÆFATIO.

tionis fuit, is Proclum studiosè legat, quò rei veritate illustriore reddat gravissimi testis autoritas. Superest igitur ut finè videamus, quò Euclidis elementa referri, & cuius causa in id studiū incumbere oporteat. Et quidē si res quæ tractatur, consideres: in tota hac tractatione nihil aliud quæri dixeris, quàm ut νοσµικὰ quæ vocantur, σχήµατα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonius) Cubus, Icosaëdru, Οεταëdru, Pyramis & Dædecaëdru certa quadā suorum & inter se laterū, & ad sphaerae diametru ratione eidē sphaera inscripta cōprehēdatur. Huc enim pertinet Epigrāmation illud vetus, quod in Geometrica Michaëlis Pselli σωρότδ scriptum legitur.

Σχήµατα πέντε γλάτων, ἃ γυθαγόρεος σοφὸς ὄρε,

γυθαγόρεος σοφὸς ὄρε, γλάτων δ' ἀρίστη ἐδιδάξερ,

Εὐκλείδης ὡς τοῖσι κλέει τοδὺ καλλὲς ἐτὼξερ.

Quòd si discētis institutionem spectes, illud certè fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discētis animus, ad quamlibet non modò Geometriæ, sed & aliarū Mathematicarū partium tractationē idoneus paratúsque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-

P R Æ F A T I O.

cludere posse: inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit *Arithmeticus*, pleraque *Musicus*, non pauca detrahit *Astrologus*, *Opticus*, *Logisticus*, *Mechanicus*, itemque ceteri: nec ullus est denique artifex præclarus, qui in huius se possessionis societatem cupide non offerat, partemque sibi concedi postulet. Hinc σοιχεωσις absolutum operi nomen, & σοιχεωτης dictus *Euclides*. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiose & erudite scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco *P. Mōtanreus*, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quæ verò ad dicendum nobis erant proposita, hæctenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tametsi & hæc eadē & alia pleraque multo fortè præclariora ab hominibus doctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit num quid etiam nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac philosophiæ parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elemētorū editio, in qua nihil nō parum fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare videbatur, quod eius cōmēdationē adaugeret. Cū enim vir doctissimus *Io. Magnienus Mathematicarū artium* in hac *Parrhi-*

P R Æ F A T I O .

siorū Academia professor verè regius, nostrum hunc typographum in excudēdis Mathematicorum libris diligentissimū, ad hanc Elementorum editionem sape & multum esset adhortatus, eiusque impulsu permulta sibi iam cōparasset typographus ad hanc rē necessaria, citò interuenit, malum, Ioannis Magnieni mors insperata, quā tā graue inflixit Academiae vulnus, cui ne post multos quidē annorum circuitus cicatrix obduci vlla posse videatur. Quāobrem amisso instituti huius operis duce, typographus, qui nec sumptus antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id muneris erat pollicitus, sua spe cadere vellent, ad me venit, & impensè rogauit vt meā propositæ editioni operā & studium nauarē. quod cum denegaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: feci equidē rogatus, vt quæ subobscurè vel parum cōmodè in sermonem latinū è græco translata videbātur, clariore, aptiore & fideliore interpretatione nostra (quod cuiusque pace dictū volo) lucem acciperent. Id quod in omnibus ferè libris posterioribus tute primo obtutu perspicias. Nam in sex prioribus non tantum tēporis quantum in cæteris ponere nobis licuit: decimi autē interpretatione, qua melior nulla potuit adferri, P. Mōtaureo solida debetur. Atq; vt ad perspicuitatem facilitatēque nihil tibi deesse queraris, adscripta

P R Æ F A T I O.

sunt propositionibus singulis vel lineares figuræ, vel punctorum tanquam unitatum notula, quæ Theonis apodixin illustret: illæ quidē magnitudinum, hæ autem numerorum indices, subscriptis etiam ciphrarum, ut vocāt, characteribus, qui propositum quemvis numerū exprimant: ob eamque causam eiusmodi unitatum notula, quæ pro numeri amplitudine maius pagine spatium occuparent, pauciores sæpius depictæ sunt, aut in lineas etiam commutatae. Nam literarum, ut a, b, c, characteres non modò numeris & numerorum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiam generales esse numerorum ut magnitudinum affectiones testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis non pœnitēda Theonis scholia, siue maius lemmata, quæ quidem longè plura accessissent, si plus otij & temporis vacui nobis fuisset relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc igitur operam boni consule, & quæ obuia erunt impressionis vitia, candidus emēda: Vale. Lutetia 4. Idus April. 1557.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM PRIMVM.

ΟΡΟΙ.

^α
Σ ΗΜΕΙΣ ΟΝ *ἔμμετρον* & *ἰσομετρον*.
DEFINITIONES.

I

Punctum est, cuius pars
nulla est.

Punctum

β

γραμμή & *μῆκος ἀπλῶς*.

2

Linea verò, longitudo latitudinis expers.

Linea recta



Linea
curva



A

^γ
γραμμῆς ὅ περάτα, σημεῖα.

³
Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ
Εὐδεῖα γραμμὴ ὅστις ἥ τις ἐξίσοις τῆς ἐφ' ἑαυτὴ ση-
μεῖοις κείται.

⁴
Recta lineæ, est quæ ex æquo sua interia-
cet puncta.

^ε
ἐπιφανεία, ὅστις, ὃ μῆκος καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

⁵
Superficies est quæ longitudinem latitu-
dinemque tantum habet.



⁵
Ἐπιφανείας ὅ περάτα, γραμμαι.

⁶
Superficiæ extrema, sunt lineæ.

⁷
Ἐπίπεδος ἀπὸ φάνεια ὅστις ἥ τις ἐξίσοις τῆς ἐφ'
ἑαυτὴς δεικνύται.

7

Plana superficies, est quæ ex æquo suas
interiacet lineas.

H

Ἐπίπεδος ὁ γωνία ὅστις ἢ ἀπὸ ἐπιπέδων, δύο γωνι-
μῶν ἀπὸ τῶν αὐτῶν ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπὶ ὁριζήσας καὶ μέ-
γαν, πρὸς ἀλλήλας τῶν γωνιμῶν κλίσις,



Planus angulus
est duarum li-
nearum in pla-
no se mutuo tā-
gentium, & nō
in directum ia-

centium, alterius ad alteram inclinatio.

θ

Ὅταν ὁ αὐτὸς ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ πλὴν γωνία γωνιμῶν, δι-
δείσας ὅσον, δι' αὐτῶν γωνιμῶν καλεῖται ἡ γωνία.

9

Cū autem quæ angulum continent li-
near, rectæ fuerint, rectilineus ille angu-
lus appellatur.

ὅταν ὁ ἀθροῖς ἐπὶ ἀθροῖς τεταρτάκις, τὰς ἐφεξῆς
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὅρ. θή. ὅστις ἐκατέρωθεν
ἴσων γωνιῶν. καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα ἀθροῖς καὶ τεταρτάκις
καλεῖται ἐφ' ὧ ἐφέστηκεν.

10

Cum verò recta linea super rectam con-
sistens lineam, eos qui sunt deinceps an-
gulos æquales inter se fecerit : rectus est
uterque æqualiū angulorum: & quæ insi-
stet recta linea, perpendicularis vocatur
eius cui insistit.



10

ἡ ἀθροῖς, γωνία ὅστις, ἡ μείζων ὅρ. θή.

11

Obtusius angulus est, qui recto maior est.

12

ὅξεια ἢ ἡ ἐλάσσων ὅρ. θή.

12

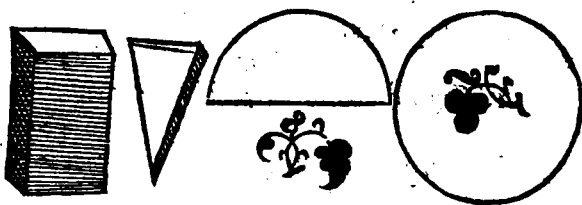
Acutus verò, qui minor est recto.

13

ὅρ. θή. ὅστις, ὁ ἑνός ὅστις πέντε.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.



14

Σχήμα ἐστὶ, τὸ ὑπὸ ἑνὸς, ἢ ἑνῶν ὁρίων περιεχόμενον.

14

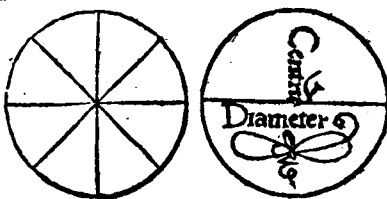
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

16

Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον, ὁποῦ μᾶς γεγραμῆς περιεχόμενον, ἢ καλεῖται περιφέρεια, πρὸς ᾧ, ἀφ' ἐνὸς σημείου τῆς εἰς τὸ τὸ σχήματος κέντρον, πᾶσι αἱ προσηπόμεναι διδίδονται, ἵσκι ἀλλήλαις εἶσι.

15

Circulus, est figura plana sub vna linea comprehēsa, quæ pe-



A iij

ripheria appellatur: ad quam ab vno pū-
cto eorum, quæ intra figuram sunt posi-
ta, cadentes omnes rectæ lineæ inter se
sunt æquales.

15

Κέντρον ὃ τῆ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli ap-
pellatur. |

16

Διαμέτρος ὃ τῆ κύκλου ὅστις, διθεῖται τις διὰ τῆ κέν-
τρον ὑγμένη, καὶ περὶ αὐτὴν ἑκατέρωθεν τὰ μέ-
ρη ἴσα τὸ τῆ κύκλου περιφέρειας, ἢ τις καὶ διὰ
τέμνῃ τὸν κύκλον.

17

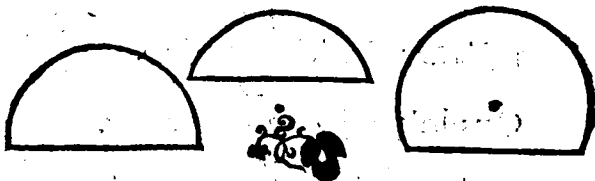
Diameter autem circuli, est recta qua-
dam linea per centrum ducta, & ex
utraque parte in circuli peripheriam ter-
minata, quæ circulum bifariam secat.

18

Ἡ μὲν κύκλιος ὃ ὅστις, ὃν περιεχόμενον ἔχῃμα ὑπὸ τοῦ
αὐτοῦ ἀπὸ τοῦ κέντρον, ὃ ἀπὸ τοῦ κέντρον ἀπὸ τοῦ
κύκλου περιφέρειας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur
sub diametro, & sub ea linea, quæ de cir-
culi peripheria aufertur.



18

τμήμα κύκλου ὄστις ὁ περιεχόμενον ὑπὸ τῆς θύρας,
ἢ κύκλου περιφέρειας.

19

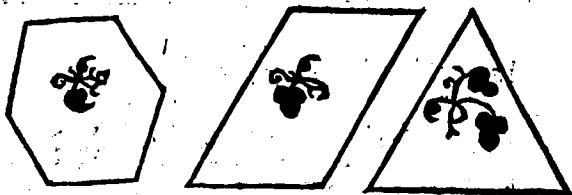
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-
cta linea & circuli peripheria cōtinetur.

κ

Ἐνθύρογραμμα χήματα' ὄστις, τὰ ὑπὸ θύρας
περιεχόμενα.

20

Rectilineæ figuræ, sunt quæ sub rectis li-
neis continentur.



κα

Τρίπλευρα ὄστις, τὰ ὑπὸ τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

A iiij

κβ

τετράπλευρα ἢ, τὰ ὑπὸ τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

κγ

πολύπλευρα ἢ, τὰ ὑπὸ πλείονων ἢ τεσσάρων
ὁρίων περιεχόμενα.

23

Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κδ

τῶν δὲ τριπλῶν ὀνόματι, ἰσοπλευροῦ ἢ ῥί-
γανόν ἐστι, τὸ ἑξῆς ἴσας ἔχον πλευράς.

24

Tri laterarum porro figu-
rarum, æquilaterum est
triangulum, quod tria la-
tera habet æqualia.

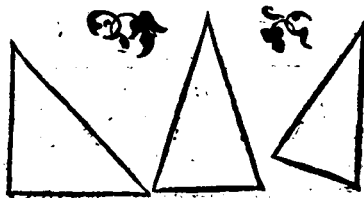


κε

ἰσοσκελὲς ἢ, τὸ τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

25

Isosceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



κδ

Σκαλιῶν ἔστι τὰς τρεῖς ἀνίσους ἔχον πλευράς.

26

Scalenū
verò, est
quod tria
inæqualia
habet la-
tera.



κε

Ἐν τῷ ῥητῷ πλὴν ὀρθογώνιου καὶ ῥητῷ
γωνίῳ ἔστι, ἔχον ὀρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectā
gulum quidē triangulū est, quod rectū
angulum habet. κη

Ἀμβλυγώνιον ἔστι, ἔχον ἀμβλείαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum
angulum habet. κθ

ὀξυγώνιον ἔστι, τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

29

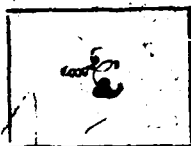
Oxygonium verò, quod tres habet acu-
tos angulos. λ

τῶν ἑτὶ πλὴν ὀρθογώνιου καὶ ῥητῷ γωνίῳ μέν
ἔστι, ὁ ἰσὸς πλὴν ὀρθὸν τέ ἔστι, καὶ ὀρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarū, qua-

dratū qui-
dem est,
quod & e-
quilaterū
& rectan-
gulum est.



λα

Ἐτδρόμικες ὁ ὁρθογώνιον ἢ ἐκ ἰσοπλευροῦ διέ-

31

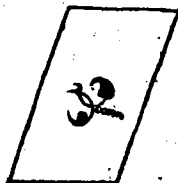
Altera parte lōgior figura est, quę rectā-
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος ὁ, ὁ ἰσοπλευρὸς ἢ ἐκ ὁρθογώνιον διέ-

32

Rhombus
autē, quę
æquilate-
ra, sed re-
ctangula
non est.



λγ

Ῥομβοειδὲς ὁ, ὁ τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε & γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχων, ὃ ἔτε ἰσοπλευρόν ἐστιν, ἔτε ὁρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quę aduersa & latera
& angulos habens inter se æquales, ne-

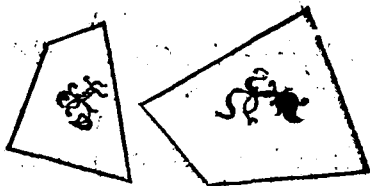
que equilatera est, neque rectangula.

λ δ

τὰ ὅτι παρὰ πᾶν τετράπλευρον, τραπεζίαν καλεῖται.

34

Præter has autem, reliquæ quadrilateræ figure, trapezia appellantur.



λ ε

Παραλλήλοι ἔσιν διδεῖν, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ὠθεῖσθαι, καὶ ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἄλῃον, ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη, ὡς μηδ' ἑτέραν συμπέτχουσιν ἀλλήλαις.

35

Parallelæ, rectæ lineæ sunt quæ, cùm in eodem sint plano, & ex utraque parte in infinitum producantur, in neutram sibi mutuò incidunt.

Αἰτήματα.

α

Ὡς πρὶν, ἀρκ' παντὸς σημείου ὡς πᾶν σημεῖον διδεῖται γραμμῇ ἀγαγεῖν.

Postulata.

I

Postuletur, ut à quovis puncto in quodvis punctum, rectam lineam ducere concedatur.

β

Καὶ περὶ αὐτὸν κέντρον, κατὰ τὸ συνεχὲς ἐπ' ἀείδειας ἐκβάλλειν.

2

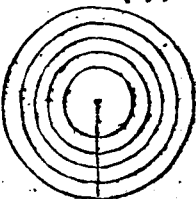
Et rectam lineam terminatam in continuum recta producere.

γ

καὶ παντὶ κέντρῳ, ἐν ἀσκήματι κύκλον γράφειν.

3

Item quovis cētro & intervallo circulum describere.



Κοιναὶ ἐννοιαί.

α

Τὰ ὅσα αὐτῶν ἴσα, ἐστὶν ἀλλήλοις ὅτι ἴσα.

Communes notiones.

I

Quæ eidem æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

Καὶ ἐὰν ἴσοις ἴσα πρὸς ἐθ', τὰ ὅλα ὅτι ἴσα.

2

Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσῃ ἀφαιρεθῇ, τὰ κατελείπ-
μενα ὅσιν ἴσῃ.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquantur sunt æqualia.

δ

καὶ ἐὰν ἀνίσωσις ἴσῃ προσεθῇ, τὰ ὅλῃ ὅσιν ἴσῃ.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσῃ ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ὅσιν ἴσῃ.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

5

Καὶ τὰ ἑαυτῶν διπλασία, ἴσῃ ἀλλήλοις ὄντι.

6

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

ζ

καὶ τὰ ἑαυτῶν ἡμίση, ἴσῃ ἀλλήλοις ὄντι.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

η

καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλας ἴσα ἀλλήλοις ἔστι.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

καὶ τὸ ὅλον τῷ μέρει μείζον ἔστι.

9

Totum est sua parte maius.

ι

καὶ πᾶσι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλοις εἰσὶ.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

11

καὶ ἐάν τις δύο διθείας διθεῖα ἐμπέτῃται, τὰς αὐτὸς κ' ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, δύο ὀρθῶν ἐλάχιστους ποιῇ, ἐκβαλλόμενοι αἱ δύο αὐταὶ διθείαι ἐπ' ἀπειρον, συμπέσωται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῇ δύο ὀρθῶν ἐλάχιστες γωνίαι.

12

Et si in duas rectas lineas altera recta incidēs, inter nos ad easdemque partes an-

gulos duobus rectis minores faciat, duæ
illæ rectæ lineæ in infinitum productæ si-
bi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt
anguli duobus rectis minores.

1β

καὶ δύο ἐνδεῖναι, χωρίον δὲ περιέχουσιν.

12

Dux rectæ lineæ spatium non compre-
hendunt.

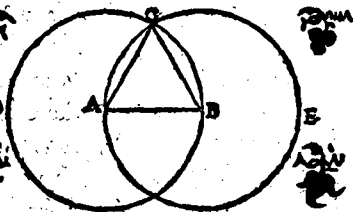
Προτάσις.

α

Ἐπὶ αὐτῇ δοθείσῃ διθείσῃ πεπερασμένης, τρίγωνον ἰσοπλευροῦ συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super da-
ta recta li-
nea termi-
nata, trian-
gulum æ-
quilate-
rum constituere.



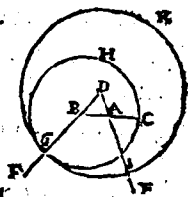
β

πρὸς αὐτῇ δοθέντι σημείῳ, τῇ δοθείσῃ διθείσῃ ἴσῳ ἐνδεῖναι κατασκευάσθαι.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, datæ rectæ li-

neæ æqualem rectam li-
neam ponere.



Δύο δοθέντων κύκλων ἀπὸ τοῦ
ἀρχοῦ τοῦ μεγέθους τῆς ἐλάσσονος ἴσω ἐνθεῖναι ἀ-
φελεῖν.

Problema 3. Pro-
positio 3.

Duabus datis rectis li-
neis inæqualibus, de ma-
iore æqualem minori re-
ctam lineam detrahere.

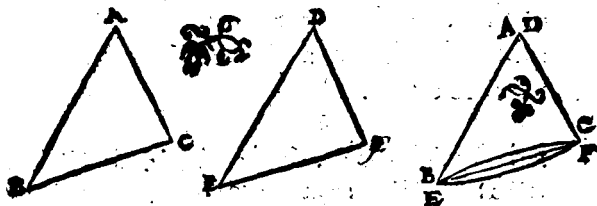


Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυοῖ
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἐκατέρωθεν ἐκατέρω, καὶ τὴν γωνί-
αν τῇ γωνίᾳ ἴσω ἔχῃ τὴν ἀπὸ τῆς ἴσων ἐν-
δοῦν ὁδοῦ μεχομένην: ἔτι τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσω
ἔξει, καὶ τὸ τρίγωνον ἴσῃ τριγώνῳ ἴσμεναι, καὶ τὰ λοι-
πὰ γωνία ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι εἰσὶνται,
ἐκατέρωθεν ἐκατέρω, ὅφ' αἷας ἴσας πλευραὶ ὑπο-
τείνουσιν.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus late-
ribus æqualia habeāt, utrunque utriūque,
habeant verò & angulum angulo æqua-
lem

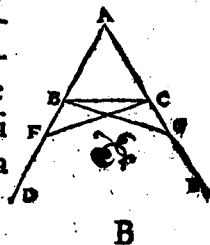
Item sub equalibus rectis lineis contentū;
 & basin basi æqualē habebūt, eritq; trian-
 gulum triangulo æquale, ac reliqui angu-
 li reliquis angulis æquales erunt, vterque
 vtrique, sub quibus æqualia latera sub-
 tenduntur.



Ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ. καὶ προσεκτεταθεισῶν ἢ ἴσων ὀρθῶν, αἱ ἐκ τῶν βάσεων γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

Isoſcelium triangulorū qui ad basin sunt
 anguli, inter ſe ſunt æ-
 quales: & ſi vltcrius pro-
 ductæ ſint æquales illæ
 rectæ lineæ, qui ſub baſi
 ſunt anguli, inter ſe æqua-
 les erunt,

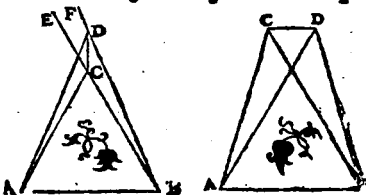


Theorema 3. Propositio 6.

Επὶ αὐτῇ διθείας, δυοὶ ταῖς αὐταῖς διθείαις
 ἅλαι δύο διθέαι ἕκατέρω ἑκατέρω ἔσυστα
 θήσονται, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ, ὑπὸ πᾶ
 αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχου, ταῖς ἑξάρ
 χους διθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem
rectis lineis alia duę rectę lineę æqua-
les, vtra-
que vtri-
que, non
constituē-
tur, ad a-
liud atq;

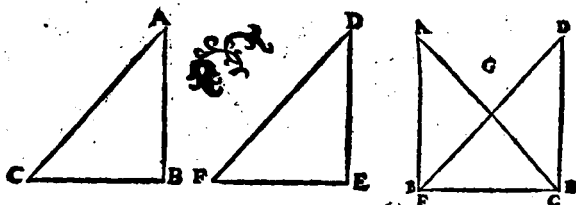


aliud punctū, ad easdē partes, eisdēmq;
terminos cū duabus initio ductis rectis
lineis habentes.

Εὰν δύο ζήγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύο
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρω, ἔχῃ
ὁ βάλσῃ τῇ βάλσει ἴσῳ· καὶ τὴν γωνίαν τῇ γω-
νίᾳ ἴσην ἔξει τὴν ἴσῳ τῇ ἴσῳ διδιδῶν ποιε-
χόμενον.

Theorema 5. Propositio 8.

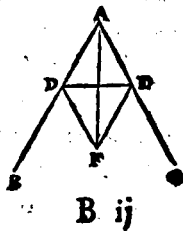
Si duo triangula duo latera habuerint duobus lateribus, vtrunq; vtrique, æqualia, habuerint verò & basin basi æqualē: angulum quoque sub æqualib; rectis lineis contentum angulo æqualem habebunt.



Τὴν δὲ δευτέραν γωνίαν ἐν δὲ γράμμῳ διόχα τε-
μεῖν. ^

Problema 4. Propositio 9.

Datum angulum rectili-
neum bifariam secare.

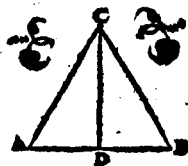


B. if

Ἐπὶ διορθῶν διδῶν πενταγώνῳ, διχα τε-
μεῖν.

Problema 5. Pro-
positio 10.

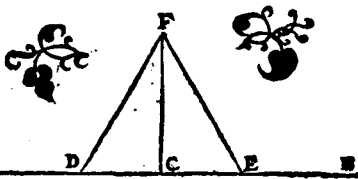
Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.



Ἐπὶ διορθῶν διδῶν, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ διορθῶν
σημείου, πρὸς ὁποῖα γωνίας διδῶν ῥομφαλῶ ἀ-
γαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

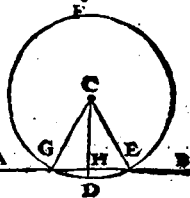
Data recta
linea, à pū
cto in ea
dato, rectā
lineam ad
angulos re-
ctos excitare.



Ἐπὶ τῷ διορθῶν διδῶν ἀπειροῦ, ἀπὸ τοῦ διορθῶν
σημείου, ὃ μὴ ὄντι ἐπ' αὐτῇ, καὶ δῖτον διδῶν
ῥομφαλῶ ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam li-
neam infinitā, à dato pun

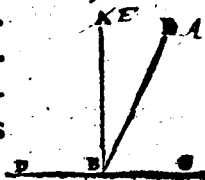


ὅτι quod in ea non est, perpendicularem
rectam deducere.

¹⁷
ἂν ἐνθεῖα ἐπ' ἐυθεῖαν σταθεῖ(ε, γωνίας ποιῇ, ἥ-
τοι δύο ὀρθαῖς, ἢ δυοῖν ὀρθαῖς ἴσας ποιήσει.

Theorema 6. Propositio 13.

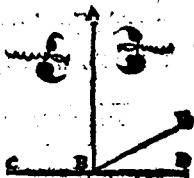
Cum recta linea super re-
ctam consistens lineam an-
gulos facit, aut duos re-
ctos, aut duobus rectis
æquales efficit.



¹⁸
Ἐάν τις ἐπὶ ἐυθείᾳ, ἐπὶ τῇ πρὸς αὐτῇ σημείῳ
δύο ἐυθεῖαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείμηναι, τὰς
ἐφεξῆς γωνίας δυοῖν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' ἐυ-
θείᾳ ἔσονται ἀλλήλαις αἱ ἐυθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad
eius punctum, dux rectæ
lineæ nō ad easdem par-
tes ductæ, eos qui sunt de-
inceps angulos duobus re-
ctis æquales fecerint, in
directum erunt inter se
ipsæ rectæ lineæ.

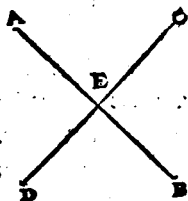


¹⁹
Ἐάν δύο ἐυθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ
B ¹⁹

κορυφῇ γωνίας, ἴσας ἀλλήλαις ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
positio 15.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerint, ἄγulos qui
ad verticē sunt, æquales
inter se efficient.

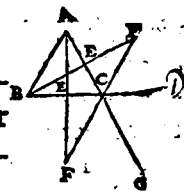


15

Γαυτὸς διγώνος μιᾶς τῇ πλὴρῶν ἐκβληθείσης,
ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρας τῇ εἰτὸς ἐ' ἀπειραι-
στῶν, μείζων ὅσῃ.

Theorema 9. Pro-
positio 16.

Cuiuscunque trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus utroq; inter-
no & opposito maior est.

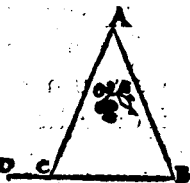


16

Γαυτὸς διγώνος αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἑλάσσον-
ες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνόμεναι.

Theorema 10. Pro-
positio 17.

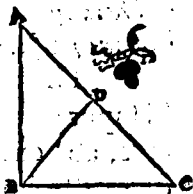
Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores omnifariā
sumpti,



¹⁷
 Γαὶ τὸς τριγώνου ἢ μείζων πλευρὰ πῶς μείζονα,
 γωνίαν ᾧ ὀπτεῖται.

Theorema. 11. Pro-
 positio 18.

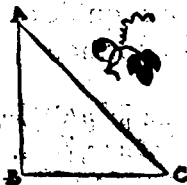
Omnis triāguli maius la-
 tus maiorē an̄gulum sub-
 tendit.



¹⁸
 Γαὶ τὸς τριγώνου ᾧ ὀπὸ πῶς μείζονα; γωνίαν ἢ μείζων
 πλευρὰ ᾧ ὀπτεῖται.

Theorema 12. Pro-
 positio 19.

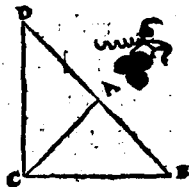
Omnis triāguli maior an-
 gulus maiori lateri sub-
 tenditur.



¹⁹
 Γαὶ τὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῇ λοιπῇ μείζον
 νές εἰσι, παντὶ μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 13. Pro-
 positio 20.

Omnis triāguli duo la-
 tera reliquo sunt maio-
 ra, quomodocunque as-
 sumpta.



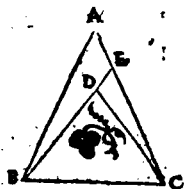
B iiij

κα

Ἐὰν τριγώνῳ δύο μᾶλλον πλευρῶν ἀπὸ τῆς περὶ
ταῦ δύο ὀρθῆαι εἰς τὴν συστάθῃσιν αὐτοῦ συσταθεῖσαι
τῇ λοιπῇ τῷ τριγώνῳ δύο πλευρῶν ἐλαττονεσὶν
ἔσονται, μείζονα ὁ γωνία πρὸς ἐξέσται.

Theorema 14. Propositio 12.

Si super trianguli uno la-
tere, ab extremitatibus
duæ rectæ lineæ, interius
cōstitutæ fuerint, hæ cō-
stitutæ reliquis trianguli
duobus lateribus mino-
res quidē erunt, maiorem verò angulum
continebunt.

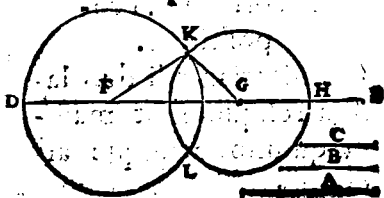


καβ

Ἐκ τῶν ὀρθῶν, αὐτὴ εἰσὶν καὶ ἴσας ταῖς ὀρθῆαις
εὐθείαις, τριγώνου συστήσασθαι. δεῖ δὲ τὰς δύο αὐ-
λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντῃ μεταλαμβανομέ-
νας, διὰ τὸ εἶπαντες τριγώνῳ τὰς δύο πλευρὰς,
εἰς λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντῃ μεταλαμβανο-
μένας.

Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus
rectis li-
neis quæ
sunt trib⁹
datis re-



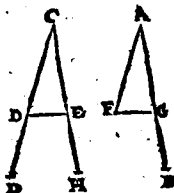
ἴσιν lineis æquales, triangulum cōstitue-
re. Oportet autem duas reliqua esse ma-
iores omnifariam sumptas : quoniam v-
niuscuiusque trianguli duo latera omni-
fariam sumpta reliquo sunt maiora.

κ γ

Γερὸς τῇ διοθείσει ἐνθεία κ γ τῷ πρὸς αὐτῇ ση-
μείῳ, τῇ διθείσει γωνία ἐνδογχαμμοῦ ἴσω γο-
νίᾳ ἐνδογχαμμοῦ συστήσας.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectā lineam
datūque in ea pūctum,
dato angulo rectilineo æ-
qualem angulum rectili-
neum constitutare.

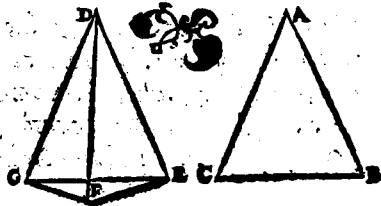


κ δ

Ἐὰν δύο ἴσῳνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύο
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρῳ, τὴν ὃ γο-
νίαν αὐτῶν γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν ὃ πρὸς τῇ ἴσῳ
ἐνθεῖαν ὁδοιχομένην, κ γ τὴν βάσιν αὐτῶν βά-
σιως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo triā-
gula duo
latera duo-
bus lateri-
bus æqua-



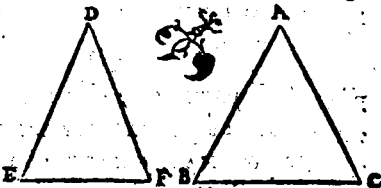
lia habuerint, vtrunque vtrique, angulum verò angulo maiorē sub æqualibus rectis lineis contentum: & basin basi maiorem habebunt.

κ 6

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς ἀπὸ πλευρᾶς ἴσας ἔχῃ, ἐκατέρωθεν ἐκατέρωθεν, τὴν βάσιν σὺν τῇ βάσει μείζονα ἔχῃ: καὶ τὴν γωνίαν ἀπὸ γωνίας μείζονα ἔξει, τὴν ὑπὸ τῇ ἴσῃ ἐνθεῖμῃ, ποδὲς χομένῃ.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus æqualia habuerint, vtrunque vtrique, basin verò basi maiorem: & angulum sub æqualib⁹ rectis lineis contentū angulo maiorem habebunt.



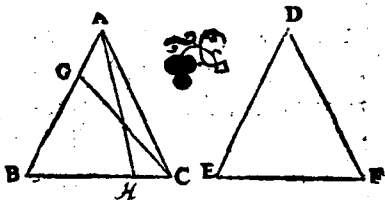
κ 5

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας ταῖς ἀπὸ γωνίας ἴσας ἔχῃ, ἐκατέρωθεν ἐκατέρωθεν, καὶ μίαν πλευρὰν μίαν πλευρᾷ ἴσην, ἢ οἱ τὴν πρὸς ταῖς ἴσῃς γωνίαις, ἢ ὑποτείνοντες ὑπὸ μίᾳ τῇ ἴσῃ γωνίᾳ: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς

πλευρᾶς ἴσους ἔξει, ἑκατέρωθεν ἑκατέρᾳ, καὶ τὸ λοιπὸν γωνίαν τῇ λοιπῇ γωνίᾳ.

Theorema 17. Propositio 26.

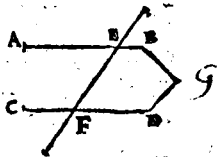
Si duo triangula duos angulos duobus
angulis æquales habuerint, vtrunque v-
trique, vnumque latus vni lateri æquale,
sive quod æqualibus adiacet angulis, seu
quod vni æqualium angulorum subten-
ditur: & re-
liqua late-
ra reliquis
lateribus
æqualia, v-
trunque v-
trique, & reliquum angulum reliquo an-
gulo æqualem habebunt.



καὶ
ἐὰν εἰς δύο οὐ θείας θέσεις ἐμπέσῃται τὰς
ἐναλλάξ γωνίας ἴσους ἀλλήλους ποιῇ, παράλλη-
λοι ἔσονται ἀλλήλους αἱ θέσεις.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas, lineas re-
cta incidens linea alterna
tim angulos æquales in-
ter se fecerit: parallele
erunt inter se illæ rectæ
lineæ.

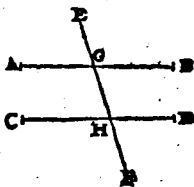


κ η

ἂν εἰς δύο θιθεῖας θιθεῖα ἐμπέτηται, πλεονέχου
γωνίᾳ τῇ εἰς τὴν, καὶ ἀπειραισίου, καὶ ὡς τὰ αὐτὰ μέ-
ρη ἴσω ποιῇ, ἢ τὰς εἰς τὴν εἰ ὡς τὰ αὐτὰ μέρη δυ-
σιν, ὁρθαῖς ἴσιν ποιῇ, παράλληλοι εἰσὶν αἱ ἀλλή-
λαι αὐτῶν θιθεῖαι.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens li-
nea, externū angulum interno, & oppo-
sito, & ad easdem partes
æqualem fecerit, aut in-
ternos & ad easdem par-
tes duob⁹ rectis æquales: c-
parallelæ erunt inter se i-
psæ rectæ lineæ.

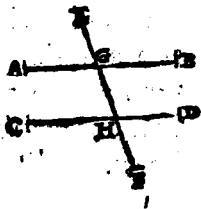


κ θ

Ἡ εἰς τὰς παράλληλας θιθεῖας θιθεῖα ἐμπέτηται
(α, τὰς τε εἰς ἀλλὰ ξ γωνίας ἴσιν ἀλλήλοις ποιῇ, εἰ
πλεονέχου τῇ εἰς τὴν εἰ ἀπειραισίου, εἰ ὡς τὰ αὐτὰ
μέρη, ἴσω, καὶ τὰς εἰς τὴν καὶ ὡς τὰ αὐτὰ μέρη δυ-
σιν ὁρθαῖς ἴσιν.

Theorema 20. Propositio 29.

In parallelas rectas li-
neas recta incidēs linea,
& alternatim āgulos in-
ter se æquales efficit & ex-
ternum interno & oppo-



fito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.

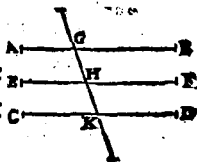
λ

Αἱ τῇ αὐτῇ ἐνθείᾳ παράλληλοι ἀλλήλαις ἐστὶ παράλληλοι.

Theorema 21. Pro-

positio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ parallelæ, & inter se sunt parallelæ.



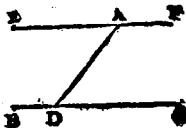
λα.

Ἀπὸ τῆς δοθέντος σημείου, τῇ δοθείσῃ διθείᾳ παράλληλον ἐνθεῖαν γεγραμμένον ἀγαγεῖν.

Problema 10. Pro-

positio 31.

A dato puncto datæ rectæ lineæ parallelam rectam lineam ducere.



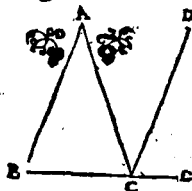
λβ

Παντὲς τρίγωνε μᾶς τῇ πλεονῶν προσεκβλή-
θείσης, ἢ ἐκτὸς γωνία δυοὶ ταῖς εἰτὸς καὶ ἀπεναν-
τίου ἴσιν εἶναι. καὶ αἱ εἰτὸς τῶν τρίγωνε τρεῖς γωνίαι
δυοῖν ὁρθαῖς ἴσαι εἰσιν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltre-

sius producto : externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis . Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.

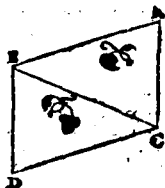


λγ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη ὑπὸ ξθλὺν καὶ ἐν ἑξῆαι, καὶ αὐταὶ ἴσται καὶ παραλλήλοι ἐῖσι.

Theorema 23. Proposition 33.

Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdem coniungūt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.

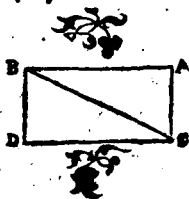


λδ

τῶν παραλληλογράμμων χωρίων αἱ ἀπεναντίας πλευραὶ τε εἰ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ἡ διαμέτρος αὐτὰ διχα τέμνει.

Theorema 24. Proposition 34.

Parallelogrammorum spatiorum equalia sunt inter se quæ ex aduerso & latera & anguli : atque illa bi-



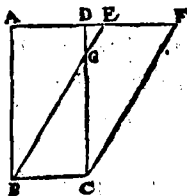
fariam secat diameter.

λε

τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 25. Pro-
positio 35.

Parallelogramma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt equalia.

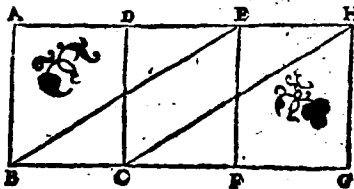


λς

τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τῆς ἴσας βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 26. Propositio 36.

Parallelogramma super equalibus basi-
bus & in eisdem pa-
rallelis cōstituta,
inter se sunt equa-
lia.

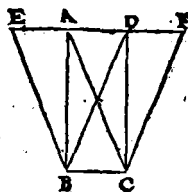


λζ

τὰ τρίγωνα, τὰ ὑπὸ αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theorema 27. Pro-
positio 37.

Triangula super eadem ba-
si constituta, & in eisdem
parallelis, inter se sunt æ-
qualia,

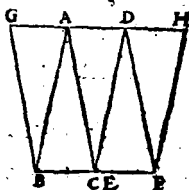


λη

τὰ τρίγωνα τὰ ὑπὸ τῇ ἴσῳ βάσει καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

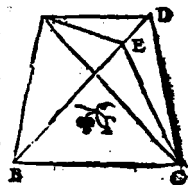


λθ

τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὑπὸ αὐτῇ βάσει ὄντα, καὶ
ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλή-
λοις ὄντι.

Theorema 29. Pro-
positio 38.

Triangula æqualia su-
per eadem basi & ad eas-
dem partes constituta: &
in eisdem sunt parallelis.



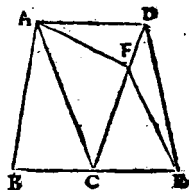
μ

τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὑπὸ τῇ ἴσῳ βάσει ὄντα καὶ
ὑπὸ

ἑωτῆα αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλη-
λοις ὄσιν.

Theor. 30. Propo. 40.

Triangula æqualia super
æqualibus basibus & ad
eandem partes cōstituta,
& in eisdem sunt paral-
lelis.

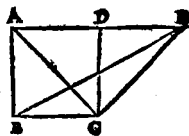


μα

Ἐὰν παραλληλόγραμμοι τριγώνω βασισυτε ἔχη-
τω αὐτῷ, ἐν ταῖς αὐταῖς παραλληλοῖς ἢ, δι-
πλάσιον ἔσται τὸ παραλληλόγραμμοι τοῦ τριγώνου.

Theor. 31. Propo. 41.

Si parallelogrāmum cū
triangulo eandem basin
habuerit, in eisdemq; fue-
rit parallelis, duplum erit
parallelogrammū ipsius
trianguli.

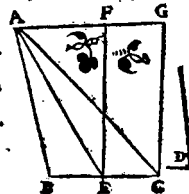


μβ

Τῷ διοθέντι τριγώνῳ ἴσον παραλληλόγραμμοι
συστήσθαι, ἐν τῇ διοθείσῃ διδυγραμμῷ γωνίᾳ.

Probl. II. Propo. 42.

Dato triāgulo equale pa-
rallelogrāmum cōstitue-
re in dato angulo rectili-
neo.



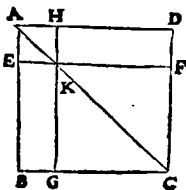
C

μ γ

Γαί'ς παραλληλογράμμοις, τῷ πρὸς τὴν διαμέ-
τρον παραλληλογράμμοι τὰ παραπληρώμα-
τα, ἴσα ἀλλήλοις εἶναι.

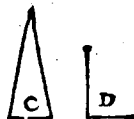
Theor. 32. Propo. 43.

In omni parallelogram-
mo, complementa eorū
quæ circa diametrū sunt
parallelogrammorū, in-
ter se sunt æqualia.



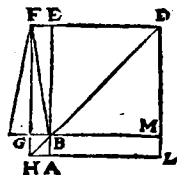
μ δ

Παρά τὴν δοθέντα εὐθείαν,
ὅπου δοθέντι ξιγῶντι ἴσῳ πα-
ραλληλόγραμμον παραβαλ-
λεῖν ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ διδυ-
γράμμοις.



Prob. 12. Propo. 44.

Ad datam rectam lineā,
dato triângulo æquale pa-
rallelogrammum appli-
care in dato ángulo recti-
lineo.

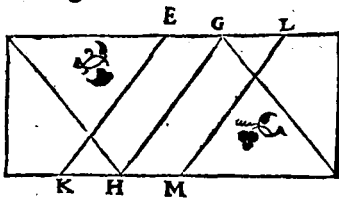
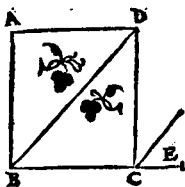


μ ε

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσῳ παραλληλό-
γραμμον συστήσασθαι ἐν τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμ-
μῳ γωνίᾳ.

Proble. 13. Propo. 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammū
constituere in dato angulo rectilineo.

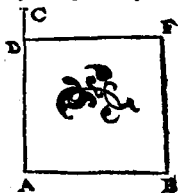


μ5

Ἀπὸ τοῦ δοθείσης ἑνδεκάς τετραγώνου ἀναγρά-
ψαι.

Proble. 14. Propo. 46.

A data recta linea qua-
dratum describere.

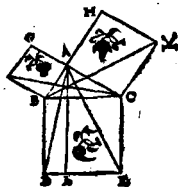


μ8

Ἐν τῇς ὀρθογωνίοις τριγώνοις ὅτι ἂν τῷ ὀρθῷ
γωνίᾳ ὑποτεινέσης πλευρᾶς τετραγώνου, ἴσων
ὅτι τῇς ἂν τῷ ὀρθῷ γωνίᾳ ὑποτεχέσῃ
πλευρῶν τετραγώνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,
quadratum quod à latere
rectum angulum subten-
dente describitur, æqua-
le est eis quæ à lateribus



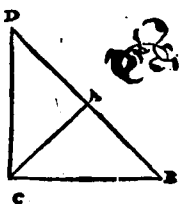
C ij

rectum angulum continentibus.

Εὰν ξ γώνη ἡ ἀπὸ μᾶς τῆς πλευρῶν τε ξ αγ-
νοῖσον ἢ τοῖς ἀπὸ τῆς λοιπῶν ξ γώνης δύο πλευ-
ρῶν τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ὡς τῆς
λοιπῶν ξ γώνης δύο πλευρῶν, ὅς θήβει.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab vno laterum tri-
guli describitur, æquale sit eisque à re-
liquis trianguli lateribus
describuntur, quadratis:
angulus cōprehensus sub
reliquis duobus trianguli
lateribus, rectus est.



Finis Elementi primi.



E Y K Λ E I-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM SECVNDVM.

ΟΡΟΙ.

^α
Π ἌΝ παραλληλόγραμμον ὁρθογώνιον,
περιέχεσθαι λέγεται ὑπὸ δύο τῶν πῶ
ὁρθῶν γωνίᾳ περιεχσῶν ἐνδεῶν.

DEFINITIONES.

I

Omne parallelogrammū rectangulum
cōtineri dicitur sub rectis duabus lineis,
quæ rectum comprehendunt angulum.

β

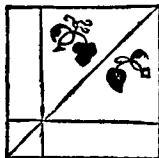
Γαυτὸς ὁ παραλληλογράμμος χάρις τῇ πῶ
πῶ διαμέτρῳ αὐτῆ, ἐν παραλληλογράμμῳ

C iij

ὁπποιοῦν σὺν τοῖς δυοῖν παρεπληρώμασι, γνῶ-
μων καλεῖσθαι.

2

In omni parallelogrammo spatium, v-
nū quodlibet eorum, quæ
circa diametrum illius
sunt, parallelogrammorum,
cum duobus complemen-
tis, Gnomon vocetur.

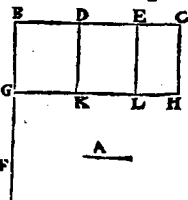


Πρότασις α.

Ἐὰν ὥσι δύο διζεύξαι, τμηθῇ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς
ὅσα διηποιοῦν τμήματα, τὸ πᾶν περιεχόμενον ὀρθο-
γώνιον ἴσων τῇ δύο διζεύξαι, ἴσων βεῖ τῆς ὑπὸ τε
αὐτῶν ἀτμήτων καὶ ἐκάστω τῇ τμημάτων περιεχομέ-
νοισι ὀρθογωνίοις.

Theor. I. Propo. I.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque
ipsarum altera in quotcū
que segmenta: rectangu-
lum comprehensum sub
illis duabus rectis lineis,
æquale est eis rectangulis
quæ sub infecta & quoli-
bet segmentorum comprehenduntur.



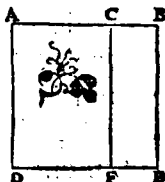
β

Ἐὰν διζεύξαι γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχεν, τὰ ὅσα

ἂν ὅλης καὶ ἐκάτερος τῇ τμημάτων περιεχόμενος ὁρθογώνιος ἴσῃ ὅτι ἂν ἀπὸ ὅλης τε τριγώνου.

Theor. 2. Propo. 2.

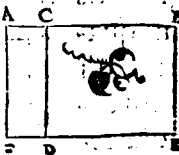
Si recta linea secta sit ut-
cunque, rectangula quæ
sub tota & quolibet se-
gmentorum comprehen-
duntur, æqualia sunt ei,
quod à tota fit, quadrato.



ἂν ὅλης καὶ ἐκάτερος τῇ τμημάτων περιεχόμενος ὁρθογώνιος, ἴσῃ ὅτι ἂν ἀπὸ ὅλης τε τριγώνου, ἴσῃ ὅτι ἂν ἀπὸ τῇ τμημάτων περιεχομένου ὁρθογωνίου, καὶ ὅτι ἂν ἀπὸ τῆς περιεχομένης τμημάτων τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea secta sit utcunque, rectan-
gulum sub tota & vno segmentorum cō-
prehensum, æquale est &
illi quod sub segmentis cō-
prehenditur rectangulo,
& illi, quod à prædicto se-
gmento describitur, qua-
drato.

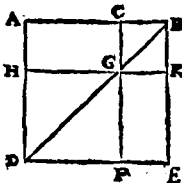


ἂν ἐνδεῖα γεγραμμένη τμηθῇ ὡς ἐτύχε, ὅτι ἀπὸ ὅλης τε τριγώνου, ἴσῃ ὅτι ἂν ἀπὸ τῇ τμη-

μαλτων τε τρεγώνοις, καὶ ἑξῆς δις ἑκάστῃ τμη-
ματων περιεχομένῳ ὀρθογώνῳ.

Theor. 4. Propo. 4.

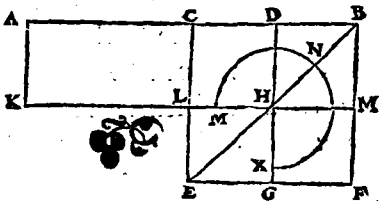
Si recta linea secta sit utcumque: quadra-
tum quod à tota describi-
tur, æquale est & illis, quæ
à segmentis describuntur
quadratis, & ei, quod bis
sub segmentis comprehe-
ditur, rectangulo.



Ἐάν ἐνθεῖα γραμμὴ τμηθῇ εἰς ἰσὰ καὶ ἀνίστα, τὸ ἑκά-
στῃ ὁρίσῳ αὐτοῦ τμημάτων περιεχομένου ὀρ-
θογώνιου, μετὰ τῷ ἀπὸ αὐτοῦ μεταξὺ τῶν τομῶν τε-
τρεγώνῳ, ἴσον ἔστι ἑξῆς ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετρα-
γώνῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

Si recta linea secetur in æqualia & non
æqualia: rectangulum sub inæqualibus
segmentis totius comprehensum, ynà
cum qua-
drato, qđ
ab inter-
media se-
ctionum,
æquale est
ei quod à dimidia describitur, quadrato.

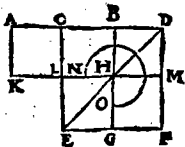


5

Ἐὰν ἐνθεῖα γραμμὴ τμηθῇ διπλα, προσεθῇ δὲ τις αὐτῇ διθεῖα ἐπ' αὐθείας, ὥστε τὸ ὅλης σὺν τῇ προσκειμένῃ, καὶ τὸ προσκειμένης πῶς ἐχέω μῖνον ὁρθογώνου, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώνου, ἴσον ὅστις ἔστι ἀπὸ τῆς συγκειμένης ἐκ τε τῆς ἡμισείας καὶ τῆς προσκειμένης, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφέντι τετραγώνῳ.

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi recta quædam linea in rectum adiciatur, rectangulum cōprehensum sub tota cū adiecta & adiecta simul & quadratum à dimidia; æquale est quadrato à linea, quæ tum ex dimidia, tum ex adiecta componitur, tanquam ab vna descripto.



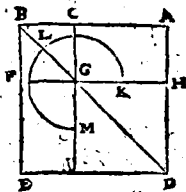
?

Ἐὰν διθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἔτυχῃ, ὥστε ἀπὸ αὐτοῦ ὅλης, εἰ δὲ ἀπὸ ἐνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφοτέρω τετραγώνῳ ἴσῃ ὅστις ἔστι τε δις ὥστε τὸ ὅλης καὶ τῷ εἰρημένῳ τμήματι πῶς ἐχέω μῖνον ὁρθογώνῳ, καὶ ἔστι ἀπὸ τῶν λοιπῶν τμήματος τετραγώνῳ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si recta linea secetur utcumque: quod à

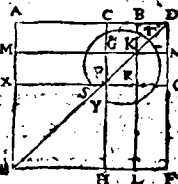
tota, quòdque ab vno segmentorum, v-
traque simul quadrata, æ-
qualia sunt & illi quod
bis sub tota & dicto se-
gmēto comprehenditur,
rectangulo, & illi quod à
reliquo segmēto fit, qua-
drato.



Ἐὰν θὶ θὰ ἡ γράμμη τμηθῇ ὡς ἔτυχε, ὅτε τε β-
ακίς ἑξ ὧν ὁ ὅλος ἐκείνος τῶν τμημάτων πρὸς ἀεχό-
μην οὐδὲ δογώνιον, μετὰ τῆ ἀπὸ τῆ λείπῃ τμή-
ματ' ὅ τε τετραγώνον, ἴσον ὅτι ὅ τε ἀπὸ αὐτοῦ ὅλος
καὶ τῆ εἰρημένης τμήματ' ὅ, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγχο-
φένιν τετραγώνον.

Theor. 8. Propo. 8.

Si recta linea secetur vtcunque: rectan-
gulum quater cōprehen-
sum sub tota & vno se-
gmētorum, cum eo quod
à reliquo segmento fit,
quadrato, æquale est ei
quod à tota & dicto se-
gmēto, tanquā ab vna linea describitur,
quadrato.

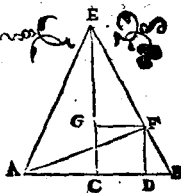


Ἐὰν θὶ θὰ ἡ γράμμη τμηθῇ εἰς ἴσα καὶ ἀνίσταται

ἀπὸ τῆς ἀρίσων τῆς ὅλης τμημάτων τετράγωνα,
διπλασιάσει τῷ τε ἀπὸ τῆς ἡμισείας, ἢ τῷ ἀπὸ τῆς
μεταξὺ τῆς ἡμῶν τετραγώνων.

Theor. 9. Propo. 9.

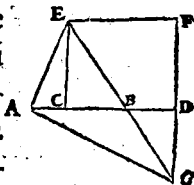
Si recta linea secetur in æqualia & non
æqualia: quadrata quæ ab inæqualibus
totius segmentis fiunt, du-
plicia sunt & eius quod à
dimidia, & eius quod ab
intermedia sectionū fit,
quadratorum.



Ἐὰν διθυσία γραμμὴ τμηθῇ δίχα, προσεθῇ δέ τις
αὐτῇ διθυσία ἐπ' εὐθείας, ὅ ἀπὸ τῆς ὅλης σὺν τῇ
προσκειμένῃ, καὶ ὅ ἀπὸ τῆς προσκειμένης τὰ σωμα-
φότερα τετράγωνα, διπλασιάσει τῷ τε ἀπὸ τῆς
ἡμισείας, καὶ τῷ ἀπὸ τῆς συνηκμένης ἔντε τῆς ἡμι-
σείας καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς ἀνάγκης
φέντῃ τετραγώνων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiiciatur
autē ei in rectū quæpiā re-
cta linea: quod à tota cū
adiuncta, & quod ab ad-
iuncta, vtræque simul qua-
drata, duplicia sunt & c-



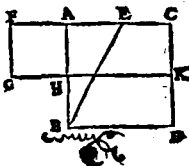
ius quod à dimidia, & eius quod à com-
posita ex dimidia & adiuncta, tanquam
ab vna descriptum sit, quadratorum.

1α

Τὴν διδιχα διδιχαρτεμεῖν, ὥς τε τὸ ὑπὸ τῆς ὅλης
καὶ τῆς ἑτέρας τῆς τμημάτων πρὸς τοῦ ὅλου ὁ-
μογώνιον ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμήματος
τετραγώνῳ.

Probl. I. Propo. II.

Datam rectam lineam se-
care, vt comprehensum
sub tota & altero segmen-
torum rectangulum, æ-
quale sit ei quod à reli-
quo segmento fit, qua-
drato.

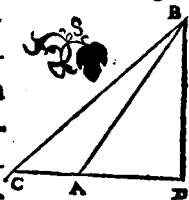


1β

Ἐν τοῖς ἀμβλυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τῆς τῆς ἀμ-
βλείας γωνίας ὑποτεινέσης πλευρᾶς τετραγώ-
νοιο μείζονός ἐστι τῆς ἀπὸ τῆς τῆς ἀμβλείας πρὸς τοῦ ὅλου
ὁμογώνῳ, τετραγώνῳ, τῷ πρὸς τοῦ ὅλου
ὁμογώνῳ τῷ ὑπὸ τε μᾶς τῆς πρὸς τῆς ἀμβλείας γωνίας,
ἐφ' ᾧ ἐκβληθεῖται ἡ καθετος πρὸς τὴν ἀμ-
βλείαν γωνίαν.

Theor. II. Propo. 12.

In amblygoniis triangulis, quadratum quod fit à latere angulum obtusum subtendente, maius est quadratis quæ fiunt à lateribus obtusum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi & ab uno laterum quæ sunt circa obtusum angulum; in quod, cum protractum fuerit, cadit perpendicularis, & ab assumpta exterioris linea sub perpendiculari prope angulum obtusum.

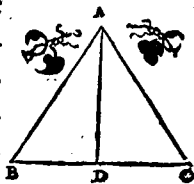


17

Ἐν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, ὃ ἀπὸ τοῦ πλάτους ὀξείας γωνίας ὑποτείνουσιν πλάτους τετραγώνου, ἔλαττον ὅστις ἀπὸ τοῦ πλάτους ὀξείας γωνίας ὑποτείνουσιν πλάτους τετραγώνου, ἢ τοῦ πλάτους διὰς ὑπὸ τοῦ μᾶλλον ὅστις πλάτους ὀξείας γωνίας, ἐφ' ᾧ ἢ καὶ δευτέρως πᾶσι, καὶ ἀπολαμβάνομένης αὐτὴς ὡς ἀπὸ τοῦ καθεύτου πρὸς τῇ ὀξείᾳ γωνίᾳ.

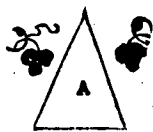
Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ sunt à lateribus acutum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum, quæ sunt circa acutum angulum, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.



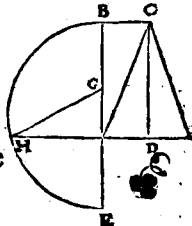
11

τὸ πρὸς τὴν ὀξυγώνου ὑψώματα ἴσον
τῶν τετραγώνων ὑποσυνισταμένων.



Probl. 2. Propo. 14.

Dato rectilineo æquale quadratum constituere.



Elementi secundi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ
ΤΡΙΤΟΝ.

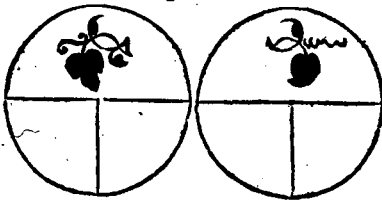
EVCLIDIS ELEMEN- TVM TERTIVM.

ὍΡΟΙ. α,

Ἰ"Σ Οἱ κύκλοι εἰσὶν, ὧν αἱ διαμέτροι εἰσὶ ἴσαι.
ἢ ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσὶν.
DEFINITIONES.

I

Æquales circuli, sunt quorum diametri
sunt æqua
les, vel
quorum
quæ ex cē
tris rectæ
lineæ sunt
æquales.

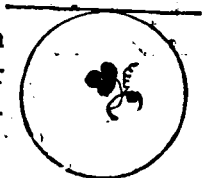


β

Ἐν θεῖα κύκλῳ ἐφαπτεσθαι λέγεται, ἥ τις ἀπτό-
μένη τῷ κύκλῳ, ἐκβαλλομένη, ἢ τέμνει τὸν κύ-
κλον.

2

Recta linea circulum tan-
gere dicitur, quæ cum cir-
culum tangat, si produca-
tur, circulum non secat.

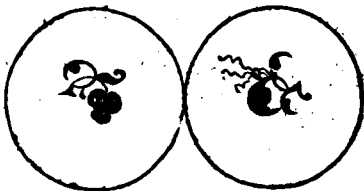


γ

Κύκλοι ἐφαπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, οἷον
ἀπτόμενοι ἀλλήλων, ἢ τέμνεσιν ἀλλήλους.

3

Circuli se-
se mutuò
tangere di-
cuntur: qui
se se mu-
tuo tangē-
tes, se se mutuò non secant.



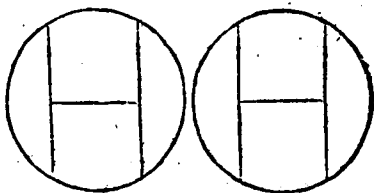
δ

Ἐν κύκλῳ ἴσον ἀπέχειν τῷ κέντρῳ εὐθεῖαι λέγον-
ται, ὅταν αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ ἐπ' αὐταῖς κἀκταὶ ἀ-
γόμεναι ἴσαι ᾖσι: μείζων δ' ἀπέχειν λέγεται, ἐφ'
ὧ ἢ μείζων κἀκτ' ὅτι πίπτει.

4

In circulo æqualiter distare à centro re-
ctæ lineæ dicuntur, cum perpendicula-
res,

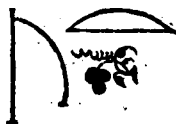
res, quæ à
centro in
ipsas ducū
tur, sunt
æquales.



Lōgius au
tem abesse illa dicitur, in quā maior per-
pendicularis cadit.

^ε
Τμήμα κύκλου, ὅστις ἔστω περιεχόμενον ὑπὸ
τε διθείας καὶ κύκλου περιφερείας.

^ς
Segmentum circuli, est fi-
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com-
prehenditur.



^ς
Τμήμα τῆς ὀρθῆς γωνίας ὅστις, ἢ περιεχόμενον ὑπὸ
τε διθείας, καὶ κύκλου περιφερείας.

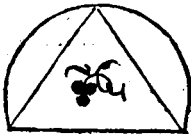
⁶
Segmenti autem angulus est, qui sub re-
cta linea & circuli peripheria compre-
henditur.

^ζ
Ἐν τμήματι ὀρθῆς γωνίας ὅστις, ἔστω ἡ ἀπὸ τοῦ
κεντρὸς τοῦ κύκλου ἀπὸ τοῦ σημείου, καὶ ἀπὸ τοῦ
ὑποκειμένου τοῦ περιεχόμενου ὑπὸ διθείας, ἢ ὅστις βωσις τῆς τμή-
ματος.

μαρς, ἐπεξελχθῶσιν διθῆαι, ἢ περιεχομένη
γωνία ὑπὸ τῇ ἀπὸ ζυγισθῶσιν διθῆσιν.

7

In segmento autem angulus est, cū in
segmenti peripheria sumptū fuerit quod-
piam punctum, & ab illo in terminos re-
ctæ eius lineæ, quæ segmē-
ti basis est, adiunctæ fue-
rint rectæ lineæ: is, inquā,
angulus ab adiunctis illis
lineis comprehensus.

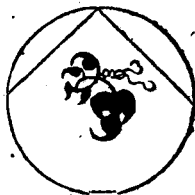


η

ὅταν ὁ αἰ περιέχῃ τὴν γωνίαν διθῆαι ἀρ-
λαμβανασί τινά περιφέρειαν, ἐπ' ἐκείνης λέγε-
ται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehen-
dentes angulum rectæ li-
neæ aliquam assumūt pe-
ripheriā, illi angulus insi-
stere dicitur.

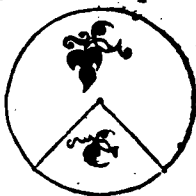


θ

τομὴς δὲ κύκλου ὅσιν, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐ-
τῶ τῇ κύκλου σταθῇ ἡ γωνία, & περιεχέμενον ἄρ-
μα ὑπὸ τε τῇ τὴν γωνίαν περιέχουσιν διθῆσιν ἐπὶ
τῇ ἀρλαμβανομένης ὑπ' αὐτῶν, περιφέρειας.

9

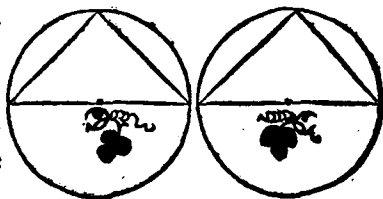
Sector autem circuli est, cū ad ipsius circuli centrum constitu-
tus fuerit angulus, cōpre-
hensa nimirū figura & à
rectis lineis angulū cōti-
nentibus, & à peripheria
ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ἔσιν, τὰ διχομήλου γωνίας ἔχον· ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἔχον ἀλλήλους εἰσόν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angu-
los capiūt
æquales :
aut in qui-
bus angu-
li inter se
sunt æqua-
les.



Προτάσις.

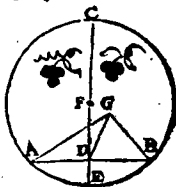
α

Τὸ διδιμένον κύκλος ἐκέντρων διεῖται.

Probl. I. Propo. I.

Dati circuli centrum re-
perire.

D ij

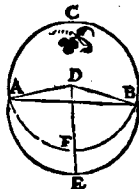


β

Ἐὰν κύκλῳ ὡδὶ τῇ περὶ φερέας ληφθῇ δύο τυ-
χόντα σημεῖα, ἢ ὡδὶ αὐτὰ σημεῖα ὡδὶ ζυγνυμέ-
νῃ ὀρθεῖα, εἰπὸς περὶ εἴται τῷ κύκλῳ.

Theo.1.Propo.2.

Si in circuli peripheria
duo quælibet puncta ac-
cepta fuerint, recta linea
quæ ad ipsa puncta ad-
iungitur, intra circulum
cadet.

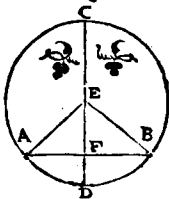


γ

Ἐὰν εἰ κύκλῳ ὀρθεῖα τις διὰ τῷ κέντρῳ, ὀρθεῖα
ἵνα μὴ διὰ τῷ κέντρῳ δίχα τέμνη: ὅτι πρὸς ὀρθῶς
αὐτῇ τέμνῃ καὶ ἔαν πρὸς, ὀρθῶς αὐτῇ τέμνη, καὶ
δίχα αὐτῇ τέμνῃ.

Theor.2.Propo.3.

Si in circulo recta quædam linea per cen-
trum extensa quandam
non per centrum exten-
sam bifariam secet: & ad
angulos rectos ipsam se-
cabit. Et si ad angulos re-
ctos eam secet, bifariam
quoque eam secabit.



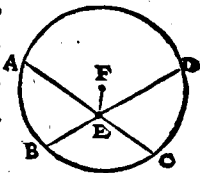
δ

Ἐὰν εἰ κύκλῳ δύο ὀρθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας,

μή διὰ τῶ κέντρου ἔσται, ὅτε τέμνουσιν ἀλλήλους διέξα.

Theo.3. Propo.4.

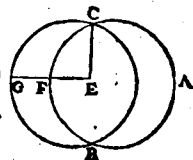
Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò secant nō per centrum extensæ, sese mutuò bifariam nō secabunt.



Ἐὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, ἕκ ἑσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor.4. Propo.5.

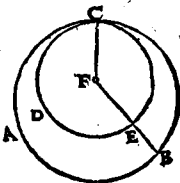
Si duo circuli sese mutuò secant, non erit illorum idem centrum.



Ἐὰν δύο κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων ἐν τῷ, ἕκ ἑσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor.5. Propo.6.

Si duo circuli sese mutuò interiorius tangant, eorum non erit idem centrum.

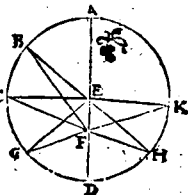


Ἐὰν κύκλος ὑπὸ τῷ σημείῳ ληφθῇ ἢ σημείῳ, ὃ μή ἐστι κέντρον τοῦ κύκλου, ἀλλ' ὃ τῷ σημείῳ περὶ-

πῶσιν ἀθεῖαι τινες πρὸς τὸν κύκλον: μέγιστη μὲν
ἐστὶ ἐφ' ἧς τὸ κέντρον, ἐλάχιστη δὲ ἡ λοιπὴ: τῇ δὲ
ἄλλω ἀεὶ ἡ ἑπιορτὴ διὰ τὸ κέντρον τὸ ἀπώτατον
μεῖζων ὅσιν. Δύο δὲ μόνον εὐθεῖαι ἵσται ἀπὸ τῶν αὐτῶν
σημείων περὶ αὐτοῦ πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἐκά-
τερα αὐτὰ ἐλάχισται.

Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam sumatur punctum, quod circuli centrum non sit, ab eoque puncto in circulum quædam rectæ lineæ cadant: maxima quidem erit ea in qua centrum, minima verò reliqua: aliarum vero propinquior illi quæ per centrum ducitur, remotioræ semper maior est. Duæ autem solùm rectæ lineæ æquales ab eodem puncto in circulum cadunt, ad utraq; partes minimæ.

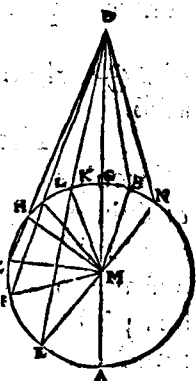


Ἐὰν κύκλος ληφθῇ τὶ σημεῖον ἐκτὸς, ἀπὸ τοῦ ση-
μείου πρὸς τὸν κύκλον διέλθῃς αὐτὴν εὐθεῖαν ἴαντες,
ὅρμια μὲν διὰ τὸ κέντρον, αἱ δὲ λοιπαὶ ὡς ἔτυχε: τῇ
μὲν πρὸς τὴν κοίλῃ πᾶσι φέρειαν περὶ αὐτοῦ
εὐθεῖαν, μέγιστη μὲν ἡ διὰ τὸ κέντρον, τῇ δὲ ἄλλω
ἀεὶ ἡ ἑπιορτὴ διὰ τὸ κέντρον, τὸ ἀπώτατον μεί-

ζων ἔσται. ἥ ὃ πρὸς τὴν κυρτὴν πρὸς φέρειαι πρὸς
πιπτέσων θύθειων, ἐλαχίστη μὲν ὅστις μεταξὺ τῶ-
ν σημείων καὶ τῶν ἀκμῶν. ἥ ὃ ἄλλων αἰεὶ ἢ ἑτίον
ἐλαχίστη, ἥ ἀπὸ τῶν ἐπὶ ἐλάττω. Δύο ὃ
μόνον θύθειαι ἴσαι προσεγγύνονται ἀπὸ τῶν σημείων
πρὸς τὸν κύκλον ἐφ' ἐκάτερα ἐλαχίστη.

Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulū sumatur punctum quod-
piam, ab eoque puncto ad circulum de-
ducantur rectæ quædam lineæ, quarum
vna quidem per centrum protendatur,
reliquæ verò vt libet: in cauam periphe-
riam cadentium rectarum linearum ma-
ximæ quidem est illa, quæ per cētrum du-
citur: aliarum autē propinquior ei, quæ
per centrū trāsīt, remotiore semper ma-
ior est. In cōuexam verò
peripheriam cadentium
rectarum linearum, mini-
ma quidem est illa, quæ
inter punctum & diame-
trum interponitur: alia-
rum autem, ea quæ pro-
pinquior est minimæ, re-
motiore semper minor
est. Dux autem tantum
rectæ lineæ æquales ab eo



D iiii

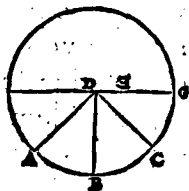
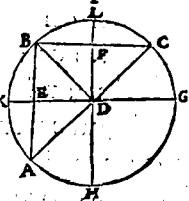
puncto in ipsum circulum cadunt, ad v-
trasque partes minimæ.

9

Ἐὰν κύκλος λαβῇ τι σημεῖον ἐν ᾧ, ἀπὸ τοῦ ση-
μεῖου πρὸς τὸν κύκλον περὶ πλείωσι πλείους ἢ δύο
ὁδοὺς ἴσαι, & λαβῇ τὸ σημεῖον, κέντρον ὅστις τῷ
κύκλῳ.

Theor. 8. Propo. 9.

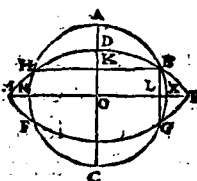
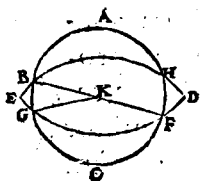
Si in circulo acceptum fuerit punctum
aliquod, & ab eo puncto ad circulum ca-
dāt plures
quàm duæ
rectæ lineæ
æquales,
acceptum
punctum -
centrum ipsius est circuli.



κύκλῳ ὅς τ' ἐτέμνει κύκλον κατὰ πλείονα σημεῖα,
ἢ δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus
circulum
in plurib⁹
quàm duo-
bus pūctis
non secat.

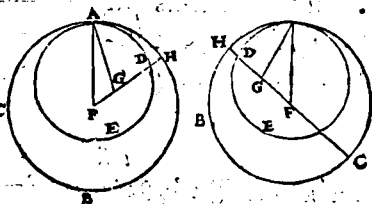


1 α

Ἐὰν δύο κύκλοι ἐφάπῳνται ἀλλήλων εἰς ἓν, καὶ
ληφθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ὑπὸ τὰ κέντρα αὐτῶν
υἱζυγνυμένη διθεῖα καὶ ἐκβαλλομένη, ὑπὸ τῷ
συναφῇ πεσεῖται τῇ κύκλων.

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, at-
que accepta fuerint eorum cētra, ad co-
rum cētra
adiuncta
recta linea
& produ-
cta in con-
tactum cir-
culorum cadet.

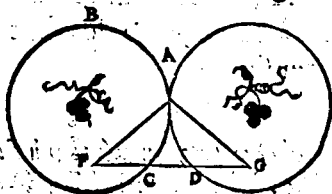


1 β

Ἐὰν δύο κύκλοι ἀπῳνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ὑπὸ
τὰ κέντρα αὐτῶν υἱζυγνυμένη, διὰ αὐτῆς ἐπα-
φῆς ἐλθῶσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

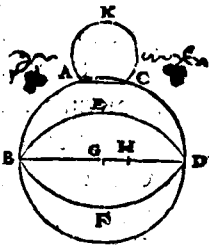
Si duo circuli sese exterius contingant,
linea recta
que ad cē-
tra eorum
adiūgitur,
per conta-
ctum illū
transibit,



17
 κύκλῳ κύκλῳ ἐφάπτεται πλείονα σημεῖα ἢ
 καὶ ἓν ἐάντε αὐτὸς ἐάντε ἐκτὸς ἐφάπτηται.

Theor. 12. Propo. 13.

Circulus circulū non
 tangit in pluribus pū
 ctis, quā vno, siue in-
 tus siue extra tangat.



18
 Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι ἐυθεῖαι ἴσιν ἀπέχουσιν ἀπὸ τῆς
 κέντρου. καὶ αἱ ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τῆς κέντρου, ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν.

Theor. 13. Propo. 14.

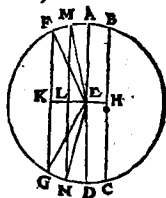
In circulo æquales rectæ
 lineæ equaliter distāt à cē-
 tro. Et quæ æqualiter di-
 stāt à cētro, æquales sunt
 inter se.



19
 Ἐν κύκλῳ μέγιστη μὲν ἔστιν ἡ διαμέτρος, τῶν δὲ
 ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐπίοντὲς κέντρῳ, καὶ ἀπὸ τούτου μείζων
 ἔστιν.

Theor. 14. Propo. 15.

In circulo maxima quidem linea est diameter: aliarum autem propinquior centro, remotiore semper maior.

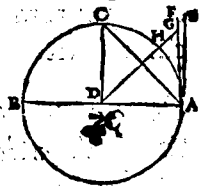


1.5

Η' τῇ ἀλαμέτῳ τῷ κύκλῳ περὶς ὁρθοῦς ἀπ' ἀκρας
 ἀγομένη, ἐκ τῆς περσεῖται τῷ κύκλῳ, εἰς τὴν μετα
 ξὺ αὐτῇ τε ἀθροῖας καὶ αὐτῇ πολυφθορίας, ἐτέρᾳ δι-
 τόπου δὲ καὶ παρεμπεσεῖται εἰς τὴν ἡμικυκλίᾳ
 γωνία, ἀπὸς ὁξείας γωνίας δι' οὐ γράμματα μεί-
 ζωμεν δὲ, ἢ διὰ λοιπὴν, ἐλάττω.

Theor. 15. Propo. 16.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque circuli ad angulos rectos ducitur, extra ipsum ciculū cadet, & in locum inter ipsam rectam lineā & peripheriā cōprehensum, altera recta linea nō cadet. Et semicirculi quidem angulus quouis angulo acuto rectilineo maior est, reliquus autem minor.

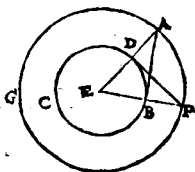


42

Από τῶ ποθέντες σημείν, τ ποθέντ κύκλιν
φαπτομένιν δι' ἑῶν γρομμιν ὡσαυτῶν.

Proble.2. Propo.17.

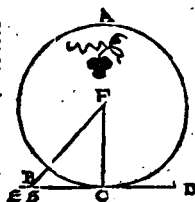
A dato puncto rectam lineam ducere, quæ datum tangat circulum.



¹⁷
 Ἐὰν κύκλος ἐφαπτήται ἕως διθεία, ἀπὸ τῆς κέν-
 τρου ὑπὸ τῷ ἀφῶ ἐπιζυγῇ ἕως διθεία, ἢ ἐπι-
 ζυγῇ (καὶ δεῖ) εἶναι ὑπὸ τῷ ἀπομένῳ.

Theorema 16. Propo.18.

Si circulū tāgat recta quæ-
 piam linea, à centro autē
 ad contactum adiūgatur
 recta quædam linea: quæ
 adiuncta fuerit ad ipsam
 cōtingentem perpendi-
 cularis erit.

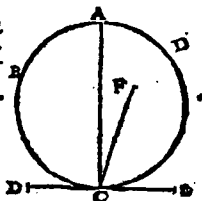


¹⁸
 Ἐὰν κύκλος ἐφαπτήται ἕως διθεία, ἀπὸ τῆς ἀφῆς τῇ
 ἐφαπτομένῃ πρὸς ὁρθὰς γωνίας ἐν διθείᾳ γρημῇ
 ἀχθῇ, ὑπὸ τῇ ἀχθείσῃ εἶναι τὸ κέντρον τοῦ κύκλου.

Theor.17. Propo.19.

Si circulū tetigerit recta quæpiā linea, à

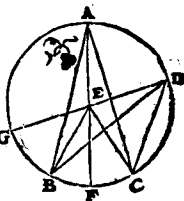
contactu autē recta linea
ad angulos rectos ipsi tā-
angēti excitetur, in exci-
tata erit centrum circuli.



^κ
ἐν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασιᾶται
ὅτι τὴ πρὸς τῇ περιφ. φέρει, ὅταν τὴ αὐτῇ περι-
φέρειᾳ βαλῶν ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Prop. 20.

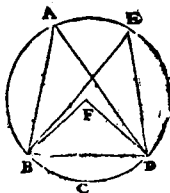
In circulo angulus ad cē-
trū duplex est anguli ad
peripheriam, cū fue-
rit eadem peripheria ba-
sis angulorum.



^{κ α}
ἐν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλ-
λήλαις εἰσὶν.

Theor. 19. Prop. 21.

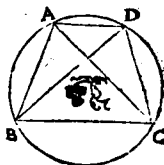
In circulo, qui in eodem
segmento sunt anguli,
sunt inter se æquales.



^{κ β}
τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τῶν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ κέντρου αἱ ἀπεναντίας
γωνίαι, δις ἴσας ἴσαι εἰσὶν.

Theor.20. Propo. 22.

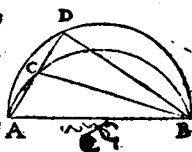
Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.



^{κ γ}
ἐπὶ αὐτῆς δι' ἑξίας, διὸς τμήματα κύκλων ὁμοία καὶ ἀνιῶν ἐσυσταθήσονται ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theor.21. Propo. 23.

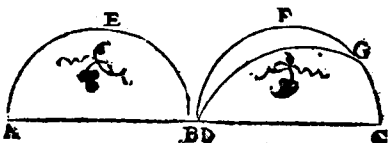
Super eadem recta linea, duo segmenta circulum similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.



^{κ δ}
τὰ ὑπὸ ἴσων ὀρθειῶν ὁμοία τμήματα κύκλων, ἢ ἑκάλληλοις εἰσιν.

Theor.22. Propo. 24.

Super æqualib⁹ rectis lineis similia circulum segmenta



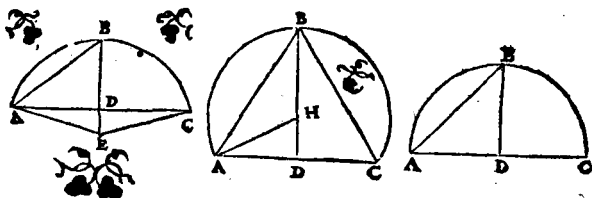
su nt inter se æqualia.

κε

Κύκλου τμήματ^ο δοθέντ^ο, περιγεγράφαι
τὸν κύκλον, ὅσῳ ἐστὶ τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circu-
lum, cuius est segmentum.

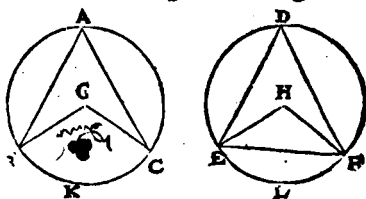


κς

Ἐν τῇς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι γωνίαι, ὡς ἴσων
παραφρεῶν βεβήκασιν, εἴαν τε πρὸς τῇς κέντρ^{οις},
εἴαν τε πρὸς ταῖς παραφρεῖαις ὡς βεβήκῃαι.

Theor. 23. Propo. 26.

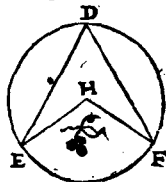
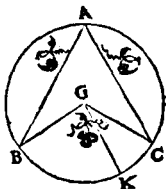
In æqualibus circulis, æquales anguli æ-
qualibus
periphe-
riis insitūt
siue ad cē-
tra, siue ad
periphe-
rias constituti insistant.



κξ
 ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὡς ἴσων περιφερειῶν
 βεβηκῆναι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν, ἐάντε πρὸς
 τῆς κέντροις, ἐάντε πρὸς ταῖς περιφερείαις ὥςι βε-
 βηκῆναι.

Theor. 24. Propo. 27.

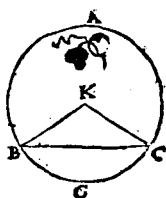
In æqualibus circulis, anguli qui æquali-
 bus peri-
 pheriis in-
 sistūt, sunt
 inter se æ-
 quales siue
 ad centra,
 siue ad peripherias constituti insistant.



κη
 ἐν τῆς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι περιφεῖαι ἴσαι περιφε-
 ρείαις ἀφαιρῶσι, πῶς ἢ μείζονα, τῇ μείζονι, πῶς ἢ
 ἐλαττονα, τῇ ἐλαττονι.

Theor. 25. Propo. 28.

In æqualibus circulis æquales rectę lineę
 æquales
 periphe-
 rias aufe-
 runt, maio-
 re quidẽ,
 maiori, mi-
 norem autem, minori.



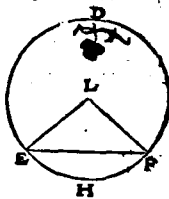
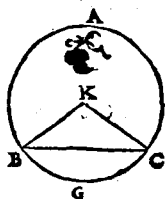
ἐν

κ θ

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις ὡς τὰς ἴσας περιφέρειας
ἴσα ἐυθεῖα ὡς τείνεσιν.

Theor. 26. Propo. 29.

In æquali-
bus circu-
lis, æqua-
les peri-
pherias æ-
quales re-
ctæ lineæ subtendunt.

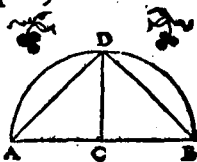


λ

Τὴν δοθεῖσαν περιφέρειαν διχα τέμνῃ.

Problema 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bi-
fariam secare.



λ α

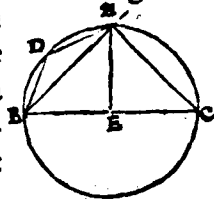
Ἐν κύκλῳ, ἢ ἥμι κύκλῳ γωνία ὀρθή ἐ-
στίν, ἢ ὅ ἐστι μείζωνι τμήματι, ἐλάττω ὀρθῆς,
ἢ ὅ ἐστι ἐλάττω, μείζων ὀρθῆς : ὧς ἔτι ἢ ἥμι ἢ
μείζοντι τμήματι γωνία, μείζων ἐστὶν ὀρθῆς, ἢ
ὅ ἐστι ἐλάττω τμήματι γωνία, ἐλάττω ἐστὶν
ὀρθῆς.

Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, re-

B

ctus est: qui autem in maiore segmento,
minor recto: qui verò in minore segmen-
to, maior est recto. Et in
super angulus maioris se-
gmēti, recto quidem ma-
ior est: minoris autē seg-
mēti angulus, minor est
recto.

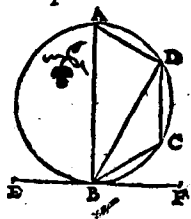


λβ

Ἐὰν κύκλος ἐφατῇται ἕως εὐθείᾳ, ἀπὸ τοῦ ἀφ᾽ ἧς
ὑπὲρ τὸν κύκλον διαχθῇ ἕως εὐθείᾳ τέμνεται τὸν κύ-
κλον: ὡς ποιῇ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι
ἔσονται ταῖς ἐν τοῖς ἐναλλάξ τοῦ κύκλου τμήμασι
γωνίαις.

Theor. 28. Propo. 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, à
contactu autem producatu quædam re-
cta linea circulum secās:
anguli quos ad contingē-
tē facit, æquales sunt iis
qui in alternis circuli se-
gmentis consistunt, an-
gulis.

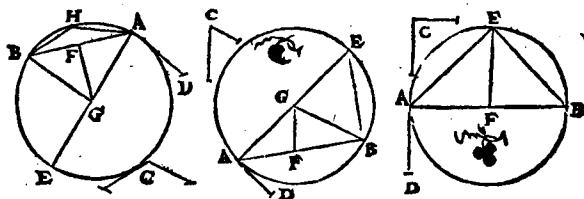


λγ

Ἐπὶ τοῦ διδόντος εὐθείας γραφῆαι τμήμα κύκλου
διεχόμενον γωνίαν ἴσην τῇ διδόντῃ γωνίᾳ εὐθυ-
γραμμῶν.

Probl.5.Propo.33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

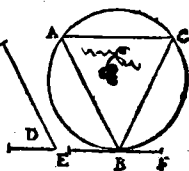


λ δ

Από τῆς δοθείνης κύκλου τμήμα ἀφελεῖν διεχόμενοι γωνίαν ἴσλην τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐν συστράμμῳ.

Probl.6.Propo.34.

A dato circulo segmen-
tum abscindere capiens
angulum æqualem dato
angulo rectilineo.



λ ε

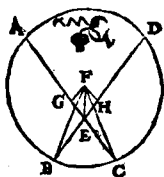
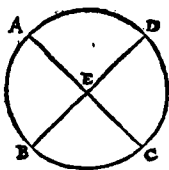
Εἰ ἀρὲς κύκλῳ δύο ἐνδείαι τέμνωσιν ἀλλήλας, ἢ ἄνω τῆς μᾶς τμημάτων πᾶσι διεχόμενον ὀρθογώνιον, ἴσον εἶναι τῷ ἄνω τῆς ἑτέρας τμημάτων πᾶσι διεχομένῳ ὀρθογώνιῳ.

Theor.29.Propo.35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

E ij

secuerint, rectangulum comprehensum
sub segmē
tis vnius,
æquale est
ei, quod
sub segmē
tis alterius
comprehenditur, rectangulo.

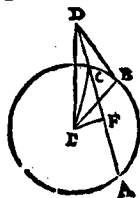
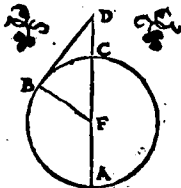


λς

Εἰν κύκλῳ ληφθῇ ἡ σημείωσις ἐκ τῆς, καὶ ἀπ' αὐτῆς
πρὸς τὸν κύκλον περὶ αὐτῆς δύο εὐθείαι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῇ τέμνῃ τὸν κύκλον ἢ ἐφαπτήται: ἔσται τὸ
ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνύσης καὶ τῆς ἐκ τῶς ἀπολαμβανομέ
νης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς πρὸς τὴν φρεΐας,
πρὸς τὴν χεῖρην ὁρθογώνιον, ἴσον τῷ ὑπὸ ἀπ' αὐτῆς ἐφα
πτομένης τετραγώνῳ.

Theor. 30. Propo. 36.

Si extra circulum sumatur punctum ali
quod, ab eoque in circulum cadant duæ
rectæ lineæ, quarum altera quidem circu
lum secet, altera verò tangat: quod sub to
ta secante & exterius inter punctum &
cōvexam
periphe
riam as
sumpta
cōprehen



ditur rectangulum, æquale erit ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λζ

Ἐὰν κύκλῳ ληφθῇ ἡ σημείωσις ἐκ τῆς ἀρχῆς τῆς σημείωσις πρὸς τὸν κύκλον προσηπίτωσι δύο εὐθείαι, καὶ ἡ μὲν αὐτῶν τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ προσηπίτῃ, καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ὅλων τέμνεσθαι, ὅ τ' ἐκ τῆς ἀποθρομβανόμενης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς ὁδοῦ φέρειας, ἴσον ἔσθ' ἀπὸ τῆς προσηπίσεως ἢ προσηπίσεως ἐφαπτεται τῷ κύκλῳ.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctum aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ lineæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta, comprehenditur rectangulum, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidens ipsa circulum tanget.



Elementi tertii finis.

E iii



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΤΕΤΑΡΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM QVARTVM.

ΟΡΟΙ.

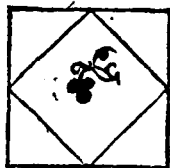
α,

Σ χῆμα ἐν δὲ ῥαχμμορ εἰς χῆμα ἐν δὲ ῥαχμ
μορ ἐφραφθαται λέγεται, ὅταρ ἐκαλσητῶ
τῶ ἐφραφομένε χῆματ θ γωνιῶμ, ἐκαλσητ πλθ
ρᾶς τῶ εἰς ὃ ἐφραφεται ἀπῆται.

DEFINITIONS.

I

Figura rectilinea in figu-
ra rectilinea inscribi dici-
tur, cūm singuli eius figu-
ræ quæ inscribitur, anguli
singula latera eius, in qua



4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quū singula latera eius, quę circū scribitur, circuli peripheriā tangūt.

Κύκλος ὁμοίως εἰς χῆμα λέγεται ἐγγράφειν, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τῆς εἰς ὃ ἐγγράφεται, ἀπληται.

5

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tangit eius figurę, cui inscribitur.

6

Κύκλος ὁ περιχῆμα περιγράφειν λέγεται, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τῆς περι ὃ περιγράφεται, ἀπληται.

6

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quū circuli peripheria singulos tangit eius figurę, quam circumscribit, angulos.

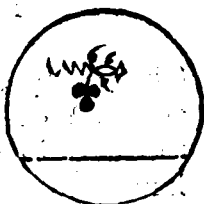
7

Εἰθεῖα εἰς κύκλον εἰς μόζεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῶν, ἢ δι τῇ περιφέρειας ἢ τῷ κύκλῳ.

7

Recta linea in circulo accommodari seu

coaptari dicitur, quū eius extrema in circuli peripheria fuerint.



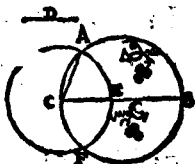
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ ὀρθείᾳ μὴ μείζονι ὥσπερ τὸ κύκλου διαμέτρου ἴσῳ διθῆναι εἰσαρμῆσαι.

Probl.1.Propo.1.

In dato circulo, rectam lineam accommodare æqualem datæ rectæ lineæ, quæ circuli diametro nō sit maior.

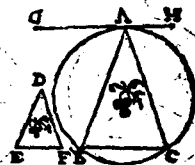


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥηγώνῳ ἰσογώνιον ῥηγώνον ἐκτεράσαι.

Proble.2. Propo.2.

In dato circulo, triangulum describere dato triângulo æquiangulum.

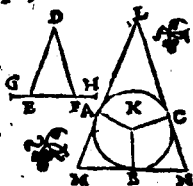


γ

Περί τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι ῥηγώνῳ ἰσογώνιον ῥηγώνον περιγεράσαι.

Probl.3.Proop.3.

Circa datum circulum tri-
angulum describere da-
to triangulo æquiangu-
lum.

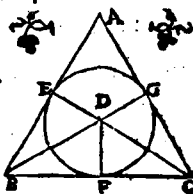


δι

Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl.4. Propo.4.

In dato triangulo circu-
lum inscribere.

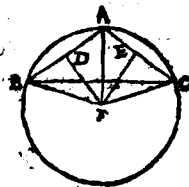
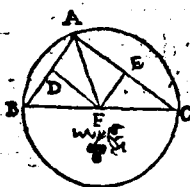


ε

Περί τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl..5. Propo.5.

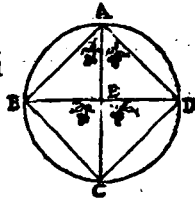
Circa datum triangulum, circulum def-
scribere.



Εἰς τὸ δοθέν τρίγωνον, κύκλον περιγράψαι.

Probl.6.Propo.6.

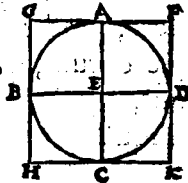
In dato circulo quadratū
describere.



περί τῷ δοθέντι κύκλῳ, τετράγωνον περι-
γράψαι.

Probl.7.Propo.7.

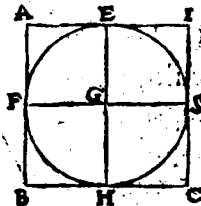
Circa datum circulum,
quadratum describere.



Ἐν τῷ δοθέντι τετράγωνῳ, κύκλον ἐπεγράψαι.

Probl.8.Propo.8.

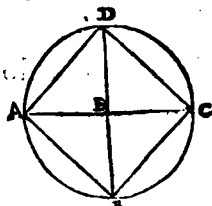
In dato quadrato circu-
lum inscribere.



περί τῷ δοθέντι τετράγωνῳ, κύκλον περιγρά-
ψαι.

Probl.9. Propo.9.

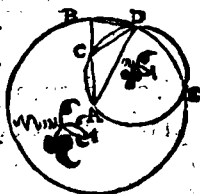
Circa datum quadratū,
circulum describere.



Ἰσοσκελὲς τρίγωνον συνάγειν, ἔχον ἑκατέρω
πρὸς τῇ βάσει γωνίῳ, διπλασίονα τῷ λοιπῇ.

Probl.10. Propo.10.

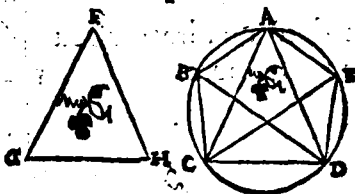
Isoceles triangulū cōsti-
tuere, quod habeat vtrū-
que eorum, qui ad basim
sunt, angulorum, duplum
reliqui.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσοπλευ-
ρὸν τε καὶ ἰσογώνιον εἰσάγειν.

Theor.11. Propo.11.

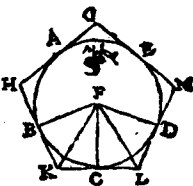
In dato cir-
culo, pen-
tagonum
equilaterū
& æquian-
gulum in-
scribere.



περὶ τὸν δοθέντα κύκλου, πεντάγωνον ἰσοπλευρὸν
ῥυθμίσεισθαι γράψαι.

Proble.12. Propo.12.

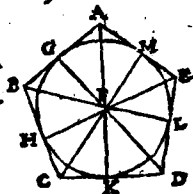
Circa datum circulum,
pentagonum æquilaterū
& æquiangulum descri-
bere.



¹⁷
Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ὅστις ἰσοπλευρὸν τε καὶ
ἰσογώνιον, κύκλον ἐγγράψαι.

Proble.13. Propo.13.

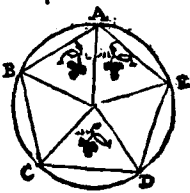
In dato pentagono æqui-
latero & æquiangulo, cir-
culum inscribere.



¹⁸
περὶ τὸν δοθέντα κύκλου, ὅστις ἰσοπλευρὸν τε καὶ
ἰσογώνιον, γράψαι.

Probl.14. Propo.14.

Circa datum pentagonū
æquilaterum & æquiangu-
lum, circulū describere.

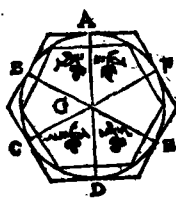
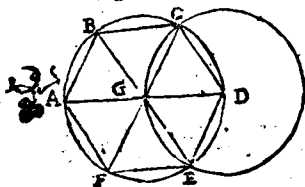


16

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἑξάγωνον ἰσοπλευρὸν τε
ἰσογώνιον ἐῤῥάψαι.

Probl. 15. Propo. 15.

In dato circulo hexagonū & æquilaterū
& equiangulum inscribere.

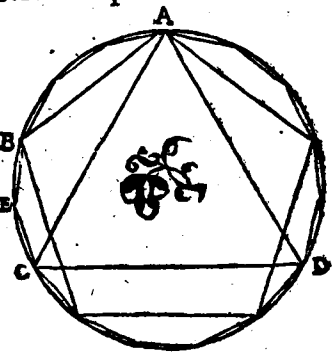


15

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πεντεκαίδεκάγωνον ἰσό-
πλευρὸν τε & ἰσογώνιον ἐῤῥάψαι.

Theor. 16. Propo. 16.

In dato circu-
lo quintideca-
gonū & æquila-
terum & æqui-
angulum de-
scribere.



Elementi quarti finis.



E Y K Λ E I

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ
ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM QVINTVM.

ΟΡΟΙ.

^α
ΜΕΡΟΣ ὅστι μέγεθος μεγέθους, ἔλασσον τῷ μεί-
ζονος, ὅταν καταμετρηῖ ἑμείζου.
DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis mi-
nor maioris, quā minor metitur maiore.

β

πολλαπλάσιον ἢ, ἑμείζον τῷ ἐλάσσονι, ὅταν
καταμετρηται ὑπὸ ἑλάττονι.

2

Multiplex autē est maior minoris, cūm
minor metitur maiorem.

γ

λόγος ὅστι δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἡ κατὰ πηλικό-

πτα πρὸς ἀλλήλας ποιά χέσσι.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

δι

Αναλογία διέδωκεν, ἢ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationū similitudo.

ε

Λόγον ἔχον πρὸς ἀλλήλας μεγέθη λέγεται, ὡς διώκεται πολλαπλασιαζόμενα ἀνέλκων ὑποδέχων.

5

Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuò superare.

5

Ἐρ τοῦ αὐτῶ λόγου μεγέθη λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς διττόν, ὡς ἑξήκον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ τῶ πρῶτα καὶ τρίτα ἴσῃς πολλαπλασιασῇ, ὡς τῶ διττέρον καὶ τέταρτον ἰσάκῃς πολλαπλασιασῇ καθ' ὅποιον πολλαπλασιασμοῦ, ἐκάτερον ἐκάτερον ἢ ἅμα ἐλείπῃ, ἢ ἅμα ἴσῃ, ἢ ἅμα ὑποδέχῃ ληφθέντα κατὰλληλα.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,

quartā:cūm primæ & tertiæ equè multiplicia à secūde & quartæ equè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab vtroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea sumantur quæ inter se respondent.

Τὰ ὃ τὴν αὐτὴν ἔχοντα ^ξμεγέθη λόγου, ἀνάλογον καλείδω.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

Ὅταν ὃ τῶν ἰσάμεις πολλαπλασίων, ὃ ἢ τῶ πρώτων πολλαπλάσιον ὑπὸρέχη τῶ ἢ διδυτέρων πολλαπλασίον, ὃ ὃ τῶ τρίτων πολλαπλάσιον, μὴ ὑπὸρέχη τῶ ἢ τετάρτων πολλαπλασίον, τό τε πρῶτον πρὸς τὸ διδυτὸν μείζονα λόγον ἔχει λέγεται, ἢ ὡς τὸ τρίτον πρὸς τὸ τετάρτον.

8

Cūm verò æquè multipliciū, multiplex primæ magnitudinis exceſſerit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non exceſſerit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

θ

Ἀναλογία ὃ εἰ τρισὶν ὁμοῖς ἐλαχίστοις ὄσιν.

F

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Ὅταν ὅ τρεῖς μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχῃν λέγεται, ἢ πῶς πρὸς τὸ διπύδρον. Ὅταν ὅ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, τὸ πρῶτον πρὸς τὸ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχειν λέγεται, ἢ πῶς πρὸς τὸ διπύδρον, καὶ αἰετὶς ἐνὶ πλείονι, ἕως ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχῃ.

Cùm autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cùm quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

Ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγούμενα τοῖς ἡγούμενοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò

consequentibus.

11β.

Εἰς ἀλλὰ ξὺν λόγῳ, ὅτι ληΐς τῆ ἡγεμένης πρὸς τὴν ἡγεμένην, ὡς ἐπὶ τὴν ἐπόμενόν.

12.

Alternativa ratio, est sumptio antecedētis cōparati ad antecedentē, & consequentis ad consequentem.

1γ.

Αἰσώπαλιμ λόγῳ, ὅτι ληΐς τῆ ἐπόμενης ὡς ἡγεμένης, πρὸς τὴν ἡγεμένην ὡς ἐπὶ τὴν ἐπόμενόν.

13.

Inversa ratio, est sumptio consequentis, seu antecedentis, ad antecedentem velut ad consequentem.

1δ.

Συνώθεσις λόγῳ, ὅτι ληΐς τῆ ἡγεμένης μετὰ τῆ ἐπόμενης ὡς ἐπὶ τὴν ἐπόμενόν.

14.

Compositio rationis, est sumptio antecedētis cum consequente seu vniūtis, ad ipsum consequentem.

1ε.

Διαιρέσις λόγῳ, ὅτι ληΐς τῆ ὑποδοχῆς, ὡς ἐπὶ τὴν ἐπόμενόν τῆ ἐπόμενης, πρὸς αὐτὴν ὡς ἐπὶ τὴν ἐπόμενόν.

1ς.

Diuisio rationis, est sumptio excessus

quo consequentem superat antecedēs
ad ipsum consequentem.

15
Ἀναστροφὴ λόγου, ὅτι ἂν τις τῶ ἡγούμενου πρὸς πῶ
ὑποδροχῶν, ἢ ὑποδρέχει τὴν ἡμέλειον τῶ ἐπομένου.

16
Conuersio rationis, est sumptio antec-
edentis ad excessum, quo superat antec-
edens ipsum consequentem.

16
Διὶς λόγος, ὅτι πλείων ὄντων μεγεθῶν, ὅ ἄλλων
αὐτοῖς ἴσων, ἔστι πλείους σὺν δύο λαμβανομένων
καὶ τῶ αὐτῷ λόγῳ, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, ἔστω πρῶτον πρὸς ἔχον, ὅπως ἐν ταῖς διδυ-
τέροις μεγέθεσι, ἔστω πρῶτον πρὸς ἔχον. ἢ ἄλ-
λως, ἂν τις τῶ ἡγούμενου, καθ' ὑπεξαίρεσιν τῶ
μέσῳ.

17
Ex æqualitate ratio est, si plures duabus
sint magnitudines, & his aliæ multitudi-
ne pares quæ binæ sumantur, & in eadem
ratione: quum vt in primis magnitudi-
nibus prima ad vltimā, sic & in secundis
magnitudinibus prima ad vltimam sese
habuerit, vel aliter, sumptio extremorū
per subductionem mediorum.

17
Τεταγμένη ἀναλογία ὅτι, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενου
πρὸς ἐπόμενον, ὅπως ἡγούμενον πρὸς ἔπόμενον, ἢ

ὅτι ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο ὤ, ἔτις ἐπόμενον πρὸς ἄλλο ὤ.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quē-
admodum antecedens ad consequen-
tem, ita antecedens ad consequētē: fue-
rit etiam vt consequēs ad aliud quidpiā,
ita consequens ad aliud quidpiam.

18

Τεταραγμένη ἡ ἀναλογία ὅτι, ὅταν τριῶν ὄντων
μεγεθῶν, ἢ ἄλλω ἴσῳ αὐτοῖς εἰς πλῆθος γί-
νεται ὡς ἢ εἰ τοῖς πρώτοις μεγέθεσι, ἢ γόμενον
πρὸς ἐπόμενον, ἔτις εἰ τοῖς δεύτεροις μεγέθεσι,
ἢ γόμενον πρὸς ἐπόμενον: ὡς ἢ εἰ τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, ἢ γόμενον πρὸς ἄλλο ὤ, ἔτις εἰ τοῖς δευ-
τέρτοις μεγέθεσι, ἢ γόμενον πρὸς ἄλλο ὤ πρὸς ἢ γόμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus
positis magnitudinibus, & aliis quæ sint
his multitudine parēs, cū vt in primis
quidem magnitudinibus se habet ante-
cedens ad consequentem, ita in secun-
dis magnitudinibus antecedens ad con-
sequentem: vt autem in primis magnitu-
dinibus cōsequens ad aliud quidpiam, sic
in secundis magnitudinibus aliud quid-
piam ad antecedentem.

Προτάσεις.

α

Ἐὰν ἢ ὁποῦν μεγέθη, ἑποσωνοῦν μεγέθων ἴσων ἢ πληθους, ἑκαστομένους ἰσῆς πολλαπλάσιον, ὁ ἅπλᾶσιόν ἐστιν ἐν τῇ μεγέθων ἐνός, ταύτα πλάσια, ἔστι καὶ τὰ πάντα τῇ πάντων.

Theor. 1. Propo. 1.

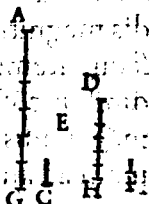
Si sint quotcūque magnitudines
quotcūque magnitudinū æqua-
lium numero, singulæ singularū
æquæ multiplices, quàm multi-
plex est vnus vna magnitudo,
tam multiplices erunt & omnes
omnium.

β

Ἐὰν πρῶτον διδυτέρη ἰσῆς ἢ πολλαπλάσιον καὶ τρίτον τετάρτη, ἢ καὶ πέμπτον διδυτέρη ἰσῆς πολλαπλάσιον, ἢ ἕκτον τετάρτη καὶ σιωτέστην πρῶτον καὶ πέμπτον, διδυτέρη ἰσῆς ἔστι πολλαπλάσιον, καὶ τρίτον ἢ ἕκτον τετάρτη.

Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secūda æquæ fuerit multiplex, atque tertia quartæ, fuerit autem & quinta secūda æquæ multiplex, atq; sexta quartæ: erit & composita prima

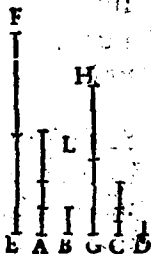


cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atque
que tertia cum, sexta quartæ.

Ἐὰν πρῶτον διδυτέρῃ ἰσχύς ἢ πολλαπλάσιον, ἢ
τρίτον τέταρτον, ληφθῇ ἡ ἰσχύς πολλαπλάσια ἢ
πρώτῃ ἢ τρίτῃ· καὶ διίση, ἢ ληφθέντων ἐκάτε-
ρον ἐκατέρῃ ἰσχύς ἔσται πολλαπλάσιον, ὅτι ἢ τῷ
διδυτέρῳ, ἢ τῷ τέταρτῳ.

Theor. 3. Propo. 3.

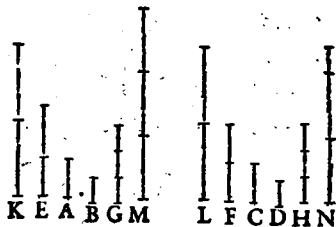
Si sit prima secundæ æquæ
multiplex atq; tertia quar-
tæ, sumantur autem æquæ
multiplices primæ & ter-
tiæ: erit & ex æquo sumpta-
rum vtraque vtriusque æ-
quæ multiplex, altera qui-
dem secundæ, altera autē
quartæ.



Ἐὰν πρῶτον πρὸς διδυτέρῳ ἢ αὐτὸν ἔχη λόγον,
καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον· ὅτι τὰ ἰσχύς πολλαπλά-
σια τῷ τε πρώτῳ καὶ τρίτῳ, πρὸς τὰ ἰσχύς πολλα-
πλάσια τῷ διδυτέρῳ καὶ τέταρτῳ καθ' ὅποιον αὐτῶν
πολλαπλασιασμοῦν, ὅτι αὐτὸν ἔξῃ λόγον ληφθέν-
τα κατὰ ἄλληλη.

Theor. 4. Propo. 4.

Si prima ad secundam, eandem habuerit
rationem, & tertia ad quartam: etiam æ-
què multipli-
ces primæ &
tertiæ, ad æ-
què multipli-
ces secundæ
& quartæ iu-
xta quavis
multiplicatio-
nem, eādem habebunt rationem, si pro-
ut inter se respōdent, ita sumptæ fuerint.



Ἐὰν μέγεθος μεγέθους ἴσῃς ἢ πολλαπλασίονος,
ὅπου ἀφαίρεθῇ ἀφαίρεθέντος, καὶ τὸ λοιπὸν τὸ λοι-
πὸν ἴσῃς ἢ πολλαπλασίονος, ὁ ὅλος τοῦ ὅλου ὅσον
τὸ ὅλον τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 5.

Si magnitudo magnitudinis
æquè fuerit multiplex, atque
ablata ablata: etiam reliqua
reliquæ ita multiplex erit, ut to-
ta totius.

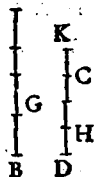


5

Ἐὰν δύο μεγέθη, δύο μεγεθῶν ἰσότης ἢ πολλαπλάσια, ἐκφαρεθέντα ἵνα τῇ αὐτῇ ἰσότης ἢ πολλαπλάσια: καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἴσιν, ἢ ἰσότης αὐτῇ πολλαπλάσια.

Theor.6.Propo.6.

Si duę magnitudines, duarum magnitudinum sint æquę multiplices, & detractę quędā sint earundē æquę multiplices: & reliquę eisdē aut æquales sunt, aut æquę ipsarum multiplices.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ ἢ αὐτὸν ἔχον λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor.7.Propo.7.

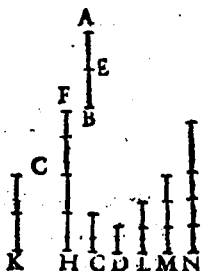
Æquales ad eandem, eandem habent rationem: & eadem ad æquales.



Τῶν αἰσῶν μεγεθῶν, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ τὸν τὸ ἐλαττόν: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἐλαττόν μείζονα λόγον ἔχει, ἢ τὸν πρὸς τὸ μείζον.

Theor.8.Propo.8.

Inæqualium magnitudi-
num, maior ad eandem
maiores rationem ha-
bet, quàm minor: & ea-
dem ad minorem, maio-
rē rationē habet, quàm
ad maiorem.



9.

τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἔχοντα λόγον, ἢ αὐτὰ ἀλλή-
λοις ὅστις πρὸς αὐτὸ αὐτὸ ἔχει λόγον, καί-
κεινα ἢ αὐτὰ ἀλλήλοις ὅστις.

Theor.9.Propo.9.

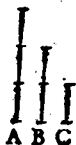
Quæ ad eandem, eandem habent ra-
tionē, æquales sunt inter se: & ad
quas eandem, eandem habet ra-
tionem, eæ quoque sunt inter se
æquales.



Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντων, τὸ ἢ μείζονα λό-
γον ἔχον, ἐκείνο μείζον ὅστις πρὸς αὐτὸ μεί-
ζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλάττω ὅστις.

Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, rationē habentiū, quæ maiorem rationem habet, illa maior est. ad quā autem eadem maiorem rationē habet, illa minor est.



1α

οἱ τῷ αὐτῷ λόγοι οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eidē sunt.
eēdē rationes,
& inter se sunt
eēdem.

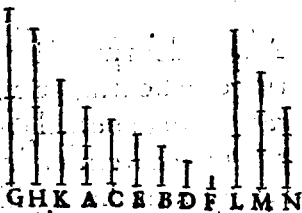


1β

Ἐάν τῃ ὁποῖαν μεγέθει ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῇ
ἡγεμένῳ πρὸς ἐν τῇ ἐπομένῳ, ἔπαι ἅπαντα
τὰ ἡγούμενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theor. 12. Propo. 12.

Si sint magni-
tudines quot-
cūque propor-
tionales, quē-
admodū se ha-
buerit vna an-
tecedētium ad



vnā consequentium, ita se habebunt
omnes antecedētes ad omnes consequē-
tes.

Ἐὰν πρῶτη πρὸς δευτέραν τὴν αὐτὴν ἔχῃ λόγον, καὶ
τρίτην πρὸς τέταρτην, τρίτην δὲ πρὸς τέταρτην μεί-
ζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὅσον πᾶσι τοῖς πρὸς ἑκτὴν, καὶ πρῶ-
την πρὸς δευτέραν μείζονα λόγον ἔχῃ, ἢ ὅσον πᾶσι
τοῖς πρὸς ἑκτὴν.

Theor. 13. Propo. 13.

Si prima ad secundā, eādē habuerit ratio
nē, quā tertia ad quartā, tertia verō ad
quartā, maiore
rationē habue-
rit, quā quinta
ad sextā: pri-
ma quoque ad
secundā maio-
rē rationē habebit, quā quinta ad sextā.

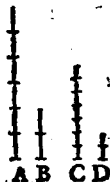


1d

Ἐὰν πρῶτον πρὸς διθύδρον τὴν αὐτὴν ἔχῃ λόγον,
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, καὶ ὁ πρῶτος τῷ τρίτῳ βεί-
 ζοι ἢ καὶ τὸ διθύδρον τῷ τέταρτῳ μείζοι ἢ ἴσος, καὶ
 ἑλθασον, ἑλθασον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si prima ad secundam eandem habue-
 rit rationem, quam tertia ad quartam,
 prima verò quàm tertia maior fuerit: e-
 rit & secunda maior quàm
 quarta. Quòd si prima fuerit
 æqualis tertiæ, erit & secunda
 æqualis quartæ: si verò minor,
 & minor erit.

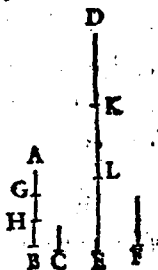


1e

Τὰ μέρη, τοῖς ὡς αὐτὸς πολλαπλασίοις τὴν αὐτὴν
 ἔχει λόγον, λεγόμενα κατὰλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

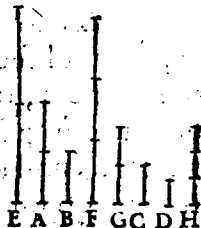
Partes, cum pariter mul-
 tiplicibus in eadem sunt
 ratione, si prout sibi mu-
 tuo respondent, ita su-
 mantur.



Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ εἰ ἀλλάξαι ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 16. Propo. 16.

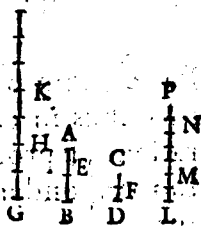
Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, & vicissim proportionales erunt.



Ἐὰν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ διαίρεθέντα, ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 17. Propo. 17.

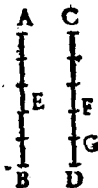
Si compositæ magnitudines proportionales fuerint, hæ quoque diuisæ proportionales erunt.



Ἐὰν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ σωτεθέντα ἀνάλογον ἔσται.

Theor. 18. Propo. 18.

Si diuise magnitudines sint
proportionales, hæ quoque
compositæ proportionales e-
runt.



Εάν ἢ ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, ἔτως ἀφαίρεθῇ πρὸς ἀ-
φαίρεθῇ: καὶ τὸ λοιπὸν πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται, ὡς ὅ-
λον πρὸς ὅλον.

Theor. 19. Propo. 19.

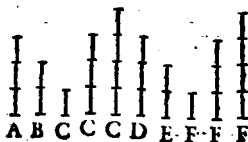
Si quemadmodum totum ad
totum, ita ablatum se habue-
rit ad ablatum: & reliquum
ad reliquum, vt totum ad to-
tum se habebit.



Εάν ἢ τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα ἢ πλεονάζου-
σιν ἢ ὀλίγον λαμβανόμενα, ὥς ἴσθι αὐτῶν λόγῳ, διί-
σιν ἢ πρῶτον τῶ τρίτου μείζον ἢ: καὶ τὸ τέταρτον
τῶ ἑκτου μείζον ἔσται: καὶ ἴσων ἴσων: καὶ ὀλίγων
ὀλίγων.

Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & aliæ ipsis æ-
quales numero,
quæ binæ & in ea-
dem ratione sumā-
tur, ex æquo autē
prima quàm ter-
tia maior fuerit: e-
rit & quarta, quàm sexta maior. Quod si
prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quar-
ta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quo-
que minor erit.



κα

Ἐὰν ἢ τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα ὁ πλῆθος
συνδυασθῶσαν ὁμοῦ, εἰ καὶ ἴσας αὐτοῖς λόγους, ἢ ὃ
τετραγώνηται αὐτῶν ἡ ἀναλογία, οὕτως ὃ τὸ πρῶ-
τον τῷ τρίτῳ μείζον ἢ: Ἐὰν τὸ τέταρτον τῷ ἑκτῷ
μείζον ἔσται: καὶ ἰσοῦν, ἰσοῦν: καὶ ἔλασσαν, ἔλασσαν.

Theor. 21. Propo. 21.

Si sint tres magni-
tudines, & aliæ ip-
sis, æquales nume-
ro, quæ binæ & in
eadē ratioe sumā-
tur, fueritque per-



turbata

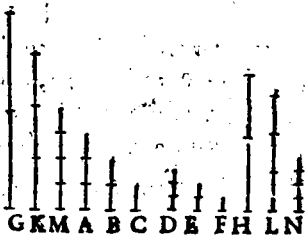
turbata earum proportio, ex æquo autē prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quod si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κ β

Ἐὰν ἦ ὁ ποταοῦν μεγέθῃ, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰς πλῆθος, σύνδινο λαμβανόμενα εἰς τρεῖς αὐτῶ λόγῳ, εἰ δίσσε εἰς τρεῖς αὐτῶ λόγῳ ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si sint quotcūque magnitudines, & aliæ ipsis æquales numero, quæ binæ in eadē ratione sumātur, & ex æqualitate in eadem ratione erunt.



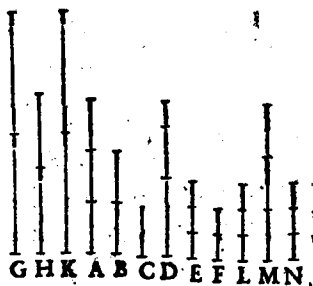
α γ

Ἐὰν ἦ τρεῖς μεγέθῃ, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰς πλῆθος, σύνδινο λαμβανόμενα εἰς τρεῖς αὐτῶ λόγῳ, ἢ ὅτε τρεῖς αὐτῶ λόγῳ ἢ ἀναλογία, καὶ δίσσε εἰς τρεῖς αὐτῶ λόγῳ ἔσται.

G

Theor.23.Propo.23.

Si sint tres magnitudines, alicuæque ipsis æquales numero, quæ binæ in eadem ratione sumantur, fuerit autem perturbata earum proportio: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.



κ δ
Εὰν πρῶτον πρὸς διῶτόν τι αὐτὸν ἔχῃ λόγον καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχῃ ὅτι πέμπτον πρὸς διῶτόν τι αὐτὸν λόγον, ἔκτον πρὸς τέταρτον: ἔσονται δὲ πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς διῶτόν τι αὐτὸν ἔξει λόγον, ἔκτον καὶ ἔκτον πρὸς τέταρτον.

Theor.24.Propo.24.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quã tertia ad quartam, habuerit autem & quinta ad secundã eandem rationẽ, quam sexta ad quartam: etiam cõposita prima cum quinta ad se-



cundam eandem habebit rationem, quā
tertia cum sexta ad quartam.

κ ε

Ἐὰν τέσσαρα μέγιστα ἀνάλογον ᾤ, & μέγιστον
καὶ εἰς ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονα ὦσιν.

Theor. 25. Propo. 25.

Si quatuor magnitudines
proportionales fuerint,
maxima & minima reli-
quis duabus maiores erūt.



Elementi quinti finis.

G ii



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS, ELEMEN-

TVM SEX TVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Ὅμοια σχήματα δι' δύο γωνίας ἑκάστης, ὅτε τὰς τε γωνίας ἵσας ἔχει κατὰ μίαν, καὶ τὰς πρὸς τὰς ἵσας γωνίας πλὴθους ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilineæ, sunt quæ & angulos singulos singulis æquales habēt, atque etiam latera, quæ circum angulos æquales, proportionalia.

β

Ἄν τι πεποιθότα ὁ χήματά ὄσιν, ὅταν ἐκατέρω τῶν χήματων ἡ γὰρ μέντοι τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι ὦσιν.

2

Reciprocae autem figuræ sunt, cùm in utraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Κέρου καὶ μέσον λόγον διδραῖα τετμηθῆναι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἡ ὅλη πρὸς τὸ μείζον τμήμα, ὥτως τὸ μείζον πρὸς τὸ ἐλάσσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Ἐξ ὅς ἐστι παντὸς χήματος, ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ὑπὸ τῷ βάσει κείνῃ ἀγομένη.

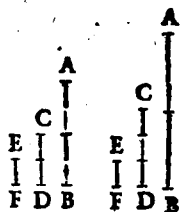
4

Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγος ἐκ λόγων συγκείσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν λόγων πληρότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθῶν δειγῶν ποιῶσιν ἕνα λόγον.

Ratio ex rationibus cō-
poni dicitur, cūm ratio-
nū quantitates inter se
multiplicatz aliquam ef-
fecerint rationem.

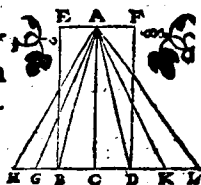


Προτάσεις.

Τὰ τριγῶνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἑξ ὧν
τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα, πρὸς ἀλλήλας ὥς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Propo. 1.

Triangula & parallelo-
gramma, quorum eadem
fuerit altitudo, ita se ha-
bent inter se ut bases.

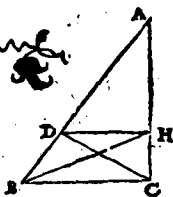


Ἐὰν τριγῶνα παρὰ μίαν τῶν πλευρῶν ἁχθῇ ὡς
θιθεῖα παράλληλος, ἀνάλογον τεμεῖ τὰς τῶν τρι-
γῶνων πλευράς. καὶ ἔαν αἱ τῶν τριγῶνων πλευραὶ ἀνά-
λογον τμηθῶσιν, ἢ αὐτὰς τμηθῶσιν ὡς διζυγνυμένη
θιθεῖα, παρὰ τῇ λοιπῇ ἔσται τῶν τριγῶνων πλο-
υρὰν παράλληλος.

Theor. 2. Propo. 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela du-

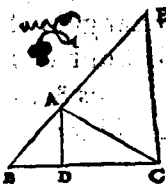
ἄτα fuerit recta quædam linea : hæc proportionaliter secabit ipsius trianguli latera . Et si trianguli latera proportionaliter secta fuerint : quæ ad sectiones adiuncta fuerit recta linea , erit ad reliquum ipsius trianguli latus parallela.



Ἐάν Τριγώνῳ γωνία διέχῃ τέμνηται, ἢ τὸ τέμνηται πρὸς γωνίαν διδῇται τέμνηται πρὸς βάσιν, τὰ αὖτὸ βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον ταῖς λοιπαῖς τοῦ Τριγώνου πλευραῖς. καὶ ἐὰν τὰ αὖτὸ βάσεως τμήματα, ἢ αὐτὸ ἔχῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς τοῦ Τριγώνου πλευραῖς, ἀλλὰ αὖτὸ κορυφῆς ὑπὸ τῷ ὀρθῷ ἐπιζῶν γνημίῃ διδῇται διέχῃ τέμνηται πρὸς τὸν αὐτὸν γωνίαν.

Theor. 3. Propo. 3.

Si trianguli angulus bifariam sectus sit, secans autem angulum recta linea secuerit & basim : basis segmenta eandem habebunt rationem , quam reliqua ipsius trianguli latera . Et si basis segmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipsius trianguli latera , recta li-

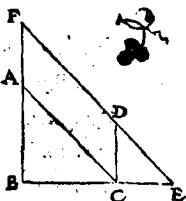


nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secat trianguli ipsius an-
gulum.

Ἡ δὲ ἰσογωνίων ῥιζώνων ἀνάλογον εἰσὶν αἱ πλε-
ραὶ αἱ ὁδοὶ τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὁδοὶ
τὰς ἴσας γωνίας ὥστείνεσθαι πλεοναί.

Theor. 4. Propo. 4.

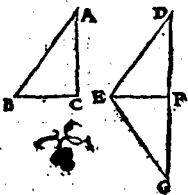
Æquiangulorum triangulorum propor-
tionalia sunt latera, quæ
circum æquales angulos,
& homologa sunt late-
ra, quæ æqualibus angu-
lis subtenduntur.



Ἐὰν δύο ῥιζώνες τὰς πλεονὰς ἀνάλογον ἔχῃ,
ἰσογώνια ἔσιν τὰ ῥιζώνια, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας
ὕφ' αἷ αἱ ὁμόλογοι πλεοναὶ ὥστείνεσθαι.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triagula latera proportionalia ha-
beant, æquiangula erunt
triangula, & æquales ha-
bebunt eos angulos, sub
quibus & homologa late-
ra subtenduntur.



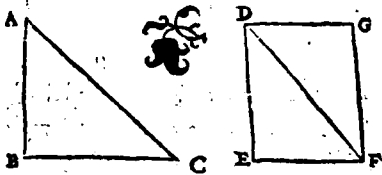
5

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μὴ γωνία ἴσην ἔχῃ,
 πῶς δὲ ἡ τὰς ἴσας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, ὅ ἴσας ἔξῃ τὰς γωνίας,
 ὅφ' αἱ αἰ ὁμέλοισι πλευραὶ ὥστείνεσιν.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, & circum æquales angulos latera proportionalia habuerint, æquiangula

erunt tri-
 angula, æ-
 qualésque
 habebunt
 angulos,



sub quibus homologa latera subten-
 duntur.

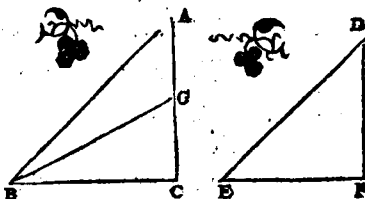
6

Εάν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μὴ γωνία ἴσην ἔχῃ,
 πῶς δὲ ἡ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλο-
 γον, ἢ ἡ λοιπῶν ἑκατέρων ἁμὰ ἢ δι' ἐλάσσονα ἢ μὴ
 ἐλάσσονα ὁρῶν, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἴσας
 ἔξει τὰς γωνίας, πῶς δὲ αἱ ἀνάλογον εἰσὶν αἱ
 πλευραί.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni angulo æqualem, circum autem alios angu-

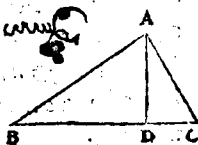
los latera proportionalia habeant, reli-
quorum verò simul vtrunque aut mino-
rem aut nō minorem recto: æquiangula
erūt trian-
gula, & ε-
quales ha-
bebunt
eos angu-
los, circū
quos proportionalia sunt latera.



Ἐὰν εἰ ὁρθογωνία τριγώνω, ἀπὸ τοῦ ὁρθογώνου γωνίας ὑπὸ
πλευρᾷ βάσει καὶ διέσῃ ἀχθῇ, τὰ πρὸς τῇ καθετῇ τε
γωνία ὁμοιάβηται τῇ τε ὁλῳ, ἐαλλήλοις.

Theor.8.Propo.8.

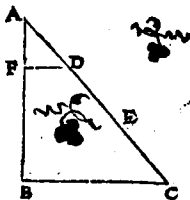
Si in triangulo rectangulo, ab angulo re-
cto in basin perpendicu-
laris ducta sit, quæ ad per-
pendicularem triangula,
tum toti triangulo, tum
ipsa inter se similia sunt.



τῆς ὁρθογωνίας διθείας εἰς πρὸς ταχθὲν μέρθ' ἀ-
φελείμ.

Proble.1.Prop.9.

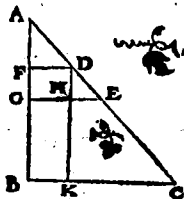
A data recta linea imperatam partem auferre.



Ἐκ τῆς δοθείσης ἀφαιρῆσαι τὴν ἀπαιτούμενην μερὸς τῆς δοθείσης ὁμοίως τεμνόμενῃ.

Problema 2. Prop. 10.

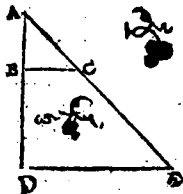
Datam rectam lineam similiter secare, ut data altera recta secta fuerit.



Δύο δοθεισῶν ἀφαιρῆσαι, ὥστε ἀνάλογον μερὸς ἀφαιρῆσαι.

Probl.3.Prop.11.

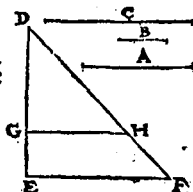
Duab⁹ datis rectis lineis, tertiam proportionalem adinuenire.



^{ιβ}
Τριῶν δοθειῶν ἐυθειῶν, τετάρτῳ ἀνάλογον
πρὸσθεῖν.

Probl.4.Propo.12.

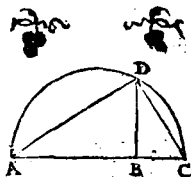
Tribus datis rectis lineis,
quartam proportionalē
adinuenire.



^{ιγ}
Δύο δοθειῶν βίθειῶν, μέσλῳ ἀνάλογον πρὸσ-
θεῖν.

Probl.5.Proposi.13.

Duabus datis rectis li-
neis, mediam proportio-
nalem adinuenire.

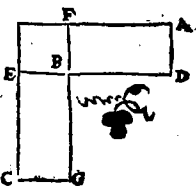


ιδ

Τῶν ἰσων τὲ καὶ μίαν μὲν ἴσῳ ἐχόντων γωνίαν
παρὰλληλογραμμῶν, ἀντιπεπνδασιν αἱ πλθυ-
ραὶ αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας: Ἐὼν παρὰλληλο-
γραμμῶν μίαν μὲν ἴσῳ ἐχόντων γωνίαν, ἀντιπε-
πνδασιν αἱ πλθυραὶ, αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας,
ἴσας δὲ καὶ ἐκεῖνα.

Theor. 8. Propo. 14.

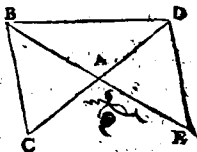
Æqualium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vñ angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Ἐὰν ἴσῳ, ἢ μίαν μὲν ἴσῳ ἔχοντων γωνίαν ἑνὶ γωνίᾳ ἀντιπεπνῶσιν αἱ πλευραὶ, αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας: ἢ ὅρ μίαν μὲν ἴσῳ ἔχοντων γωνίαν ἀντιπεπνῶσιν αἱ πλευραὶ αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας, ἴσῳ ὄσιν ἐκεῖνα.

Theor. 10. Propo. 15.

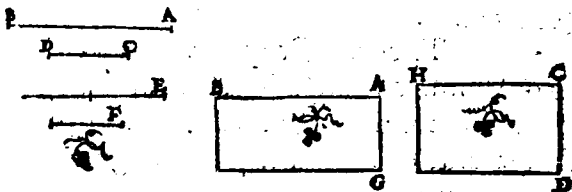
Æqualium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circū æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulū vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circū æquales angulos, illa sunt æqualia.



Ἐὰν τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον, ἔστι τὸ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενον. ὀρθογωνίῳ. Δείξτε ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τὸ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, αἱ τέσσαρες εὐθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. II. Propo. 16.

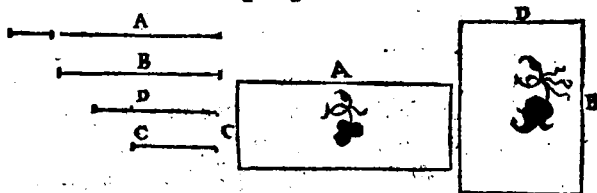
Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis comprehēditur rectangulum æquale est ei, quod sub mediis comprehenditur rectangulo. Et si sub extremis comprehensum rectangulum æquale fuerit ei, quod sub mediis continetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.



Ἐὰν τρεῖς εὐθείαι ἀνάλογον ᾦσι, τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον, ἔστι τὸ ὑπὸ τῶν μέσων περιεχόμενον ὀρθογώνιον ἴσον ἢ τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὀρθογώνιον, αἱ τρεῖς εὐθείαι ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 17.

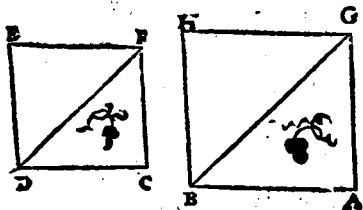
Si tres rectæ lineæ sint proportionales,
quod sub extremis comprehenditur re-
ctangulum æquale est ei, quod à media
describitur quadrato: & si sub extremis
comprehensum rectangulum æquale sit
ei, quod à media describitur, quadrato, il-
læ tres rectæ lineæ proportionales erunt.



ἡ πρὸς τὴν ἀπὸ τῶν ὁμοίων ἐν τῇ αἰσ, τῇ ἀπὸ τῶν ὁμοίων ἐν τῇ βῇ ἀμ-
εῖς ὁμοίων καὶ ὁμοίως κείμενων ἐν τῇ γῇ ἀμείνων ἀνα-
λίσσεται.

Probl. 6. Propo. 18.

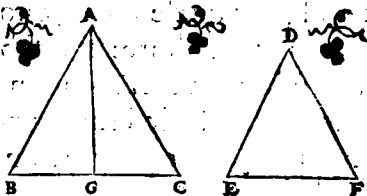
A data re-
cta linea,
dato recti
lineo simi-
le simili-
térque po-
situm rectilineum describere.



¹⁰
τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἄλληλα εἰς διπλασίονα
λόγῳ ὅτι ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 13. Propo. 19.

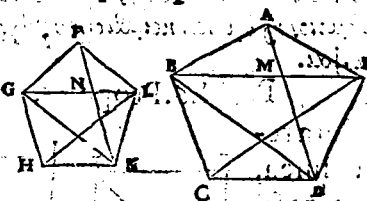
Similia tri-
angula in-
ter se sunt
in duplica-
ta ratione
laterū ho-
mologorum.



¹⁶
τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια τρίγωνα διαίρεται,
καὶ εἰς ἴσα τὸ πλῆθος, καὶ ὁμόλογα τῶν ὅλων καὶ τῶν
πολύγων διπλασίονα λόγῳ ἔχει, ὥστε ὁ ὁμόλογος
γῶν πλὴρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευρῶν.

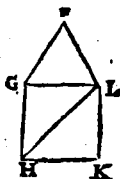
Theor. 14. Propo. 20.

Similia po-
lygona in
similia tri-
angula di-
viduntur,
& nume-
ro æqua-
lia, & ho-
mologa to-
tis. Et po-
lygona du-



plicatam

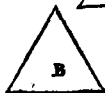
plicatā habent eam inter se rationem, quā latus homologum ad homologum latus.



κα
τὰ τῶν αὐτῶν δι' ὁμογράμμου ὁμοία, ὁ ἀλλήλοις ὅστις ὁμοία.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidē rectilineo sunt similia, & inter se sunt similia.



κβ

Ἐὰν τέσσαρες διδῶται ἀνάλογον ὄσιν, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν ἐν ὁμογράμμοις ὁμοία τε ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἔσιν. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν δι' ὁμογράμμου ὁμοία τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνάλογον ἢ, καὶ αὐταὶ αἱ διδῶται ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 16. Propo. 22.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint: & ab eis rectilinea similia similiterque descripta proportionalia erunt. Et si à rectis lineis similia similiterque

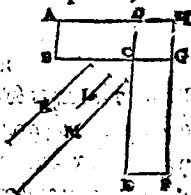
H

descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogramma inter se rationē habent eam, quæ ex lateribus componitur.

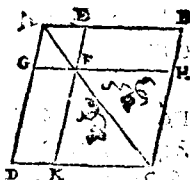


Παντες παραλληλογραμμοι τα ποτε τω διαμετρον παραλληλογραμμοι, ομοιοι εστι τε ελφειν αλληλοις.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogramo, quæ circa dia-

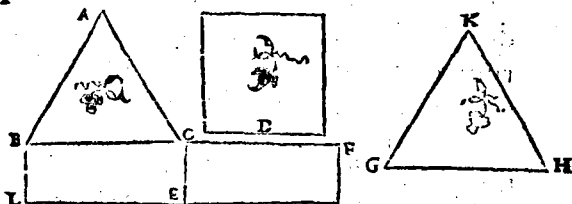
metrum sunt parallelogramma, & toti & inter se sunt similia.



τὸ δὲ πρῶτον ἐν δοθέντων ὁμοίων, καὶ ἄλλω τῷ πρῶτον ὅσον ἴσον εἶναι συστήσεται.

Probl. 7. Propo. 25.

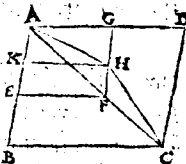
Dato rectilineo simile, & alteri dato æquale idem constituere.



Ἐὰν ἄρα παραλληλόγραμμον παραλληλόγραμμου ἀφαιρεθῇ ὁμοίον τε τῷ ὅλῳ καὶ ἰσότητος κείμενον, κοινῶν γωνίαν ἔχον αὐτῷ, πῶς εἴη αὐτῷ διαιμεθόντι τῷ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallelogrammo parallelogrammum ablatum sit & simile toti & similiter positum communem



H ii

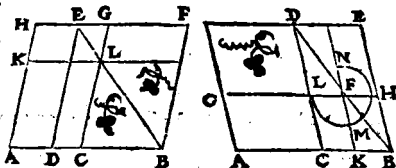
cum eo habens angulum , hoc circum
eandem cum toto diametrum consistit.

κζ

Γάντων τῶν παρά τιῷ αὐτῷ διδιδίων παραβαλλομένων παραλληλογράμμων, εἰ ἐλλείπωντων εἴδεισι παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε ὁμοίως κειμένοις ἔσθ' ἂν αὖ ἡμισείας ἀναγχομένον, μέγιστον ὅτι εἰ αὖ αὖ ἡμισείας παραβαλλόμενον παραλληλόγραμμον, ὁμοιον δὲ ἔσθ' ἐλλείμματι.

Theor. 20. Propo. 27.

Omnium parallelogrammorum secundum eandem rectam lineam applicatorum deficientiumque figuris parallelogramis similibus similiterque positis ei, quod à dimidia describitur , maximum id est quod ad dimidiā applicatur parallelogrāmum simile existens defectui.



κη

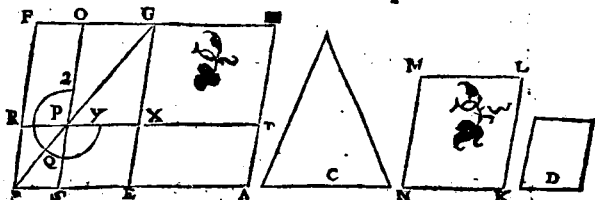
Παρά τιῷ διδιδίον διθείαν, ἔσθ' διδέντι διδύ =
γράμμω ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλλῆν,
ἐλλείπων εἴδει παραλληλογράμμου ὁμοίου ὄντι τῷ
διδέντι. διῆ δὲ εἰ διδόμενον διδύγραμμον, εἰ

ἢ εἰ ἴσον παραβαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τὸ ἀπὸ τοῦ
ἡμισείας παραβαλλομένου, ὁμοίων ὄντων τῇ ἐλ-
λημμάτων, τὸ τε ἀπὸ τοῦ ἡμισείας εἰς ὃ δὲ ὁ-
μοιον ἐλπίσεν.

Probl.8.Propo.28.

Ad datam lineam rectam, dato rectili-
neo æquale parallelogrammum appli-
care deficiens figura parallelogramma,
quæ similis sit alteri rectilineo dato.

Oportet autem datum rectilineum, cui
æquale applicandum est, non maius esse
eo quod ad dimidiam applicatur, cum si-
miles sint defectus & eius quod à dimi-
dia describitur, & eius cui simile desse
debet.



κθ

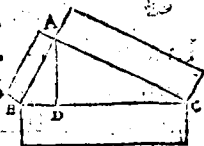
Γὰρ ἂν τὴν δοθεῖσαν, διθεῖαν τῇ δοθέντι διθυ-
γραμμῷ ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν
ὑπερβάλλον εἰς τὴν παραλληλογράμμῳ ὁμοίῳ
τῇ δοθέντι.

Probl.9.Propo.29.

Ad datam rectam lineam, dato rectili-

H iii

descripta æqualis est figuris, quæ priori illi similes & similiter positæ à lateribus rectum angulum continentibus describuntur.

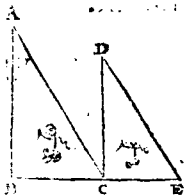


λ β

Ἐὰν δύο τρίγωνα σωτεθῇ κατὰ μίαν γωνίαν καὶ δύο πλευρὰς ταῖς δυοὶ πλευραῖς ἀνάλογον ἔχοντα, ὥς τε τὰς ἐμολόγους αὐτῶν πλευρὰς, καὶ παραλλήλους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευραὶ ἐπ' εὐθείας ἔσονται.

Theor. 22. Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus lateribus proportionalia habeant, secundum unum angulum composita fuerint, ita ut homologa eorum latera sint etiam parallela, tum reliqua illorum triangulorum latera in rectam lineam collocata reperiuntur.



λ γ

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι τὸν αὐτὸν λόγον ἔχουσι ταῖς ἀπὸ περιφερείαις, ἐφ' ὧν βεβήκησιν, ἐάντε πρὸς τοῖς κέντροις, ἐάντε πρὸς ταῖς ἀπὸ περιφερείαις ὥς βεβήκηται. ἔτι δ' οἱ τομῆς, ὅτε πρὸς

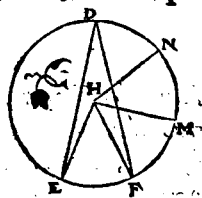
H iiii

τοῖς κέντροις συναρμολογούμενοι.

Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eādē habent rationem cum ipsis peripheriis in quibus insistent, siue ad cētra, siue ad peripherias

constituti illis insistent peripheriis. Insuper verò & sectores, quippe qui ad cētra consistunt.



Elementi sexti fin



E Y K Λ EI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM SEPTIMVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Mονάς ἓστι, καὶ τὴν ὁ ἕκαστος τῶν ὄντων ἐμ-
λέγεται.

DEFINITIONES.

I

Unitas, est secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Ἀριθμὸς ἓστι, ἐκ μονάδων συγχεϊμένη πλὴθος.

2

Numerus autem, ex unitatibus compo-
sita multitudo.

^γ
μέρ^ς ὅστιν ἀριθμὸς ἀριθμῷ ὁ ἐλάσσων ἢ μείζων
ᾧ, ὅταν καταμετρήῃ ἢ μείζονα.

³
Pars, est numerus numeri minor maio-
ris, cū minor metitur maiorem.

^δ
Μέρ^ς ὅ, ὅταν μὴ καταμετρήῃ.

⁴
Partes autem, cū non metitur.

^ε
πολλαπλασίους ὁ μείζων τῷ ἐλάττω, ὅταν
καταμετρήται ὡς τῷ ἐλάττω.

⁵
Multiplex verò, maior minoris, cū ma-
iorem metitur minor.

⁵
Ἄρτι^ς ὁ ἀριθμὸς ὅστις διίχεται διὰ ἑαυτοῦ.

⁶
Par numerus, est qui bifariam diuiditur.

^ζ
Περισσότερος ὁ, ὁ μὴ διίχεται διὰ ἑαυτοῦ, ὅς μοναχικὸς
διὰ φέρων ἀρτίου ἀριθμῷ.

⁷
Impar verò, qui bifariam non diuiditur.
vel, qui unitate differt a pari.

^η
Ἀρτιάνκις ἄρτι^ς ἀριθμὸς ὅστις, ὅς ὡς ἀρτίῳ ἀ-

ἰσὺς μετρήμεν κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus, est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Ἀρτιακὶς ὁ πολλαπλῶς ὄντων, ὁ ἑαυτὸν ἀρτίως ἀριθμῶς μετρήμεν κατὰ πολλαπλὸν ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quē par numerus metitur per numerum imparem.

10

Γεριστικὸς ὁ πολλαπλῶς ὄντων ἀριθμῶς, ὁ ἑαυτὸν γεριστῶς μετρήμεν κατὰ πολλαπλὸν ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus, est quē impar numerus metitur per numerum imparem.

11

Πρῶτος ἀριθμῶς ὄντων, ὁ μονάδι μόνῃ μετρήμεν.

11

Primus numerus, est quem unitas sola metitur.

12

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσὶν ὁμονόητοι μὲν καὶ μετρήμενοι κοινῇ μέτρῃ.

12

Primi inter se numeri sunt, quos sola unitas mensura communis metitur.

¹³
Συνθετος αριθμός ἐστιν, ὁ ἀριθμῶ ἑνὶ μετρίμενος.

13

Compositus numerus est, quem numerus quispriam metitur.

14

Συνθετοὶ ἄλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ τινὶ μετρίμενοι κοινῶ μετρίω.

14

Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

15

Ἀριθμός ἀριθμῶν πολλαπλασιαζέω λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν εἰς αὐτῶ μονάδες, τοσαυτάκις σω τεθῇ ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

15

Numerus numerū multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

16

Ὅταν ἂν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιασάμενοι ἀλλήλους παῖσι τινα, ὁ γινόμενος ἐπί τε διὰ καλεῖται, πλῆραι ἢ αὐτῶ, οἱ πολλαπλασιασάμενοι ἀλλήλους ἀριθμοί.

16

Cum autē duo numeri mutuò sese mul-

tiplicantes quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

12

Ὅταν ὅ τρεις ἀριθμοὶ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὁ γενόμενος τερεὺς καλεῖται, πλῆθυσὶ δ' αὐτῶν οἱ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicantes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

11

Τετραγωνὸς ἀριθμὸς ἔστιν, ὁ ἰσάκις ἴσος. ἢ, ὁ ἑκὰς δύο ἴσων ἀριθμῶν πᾶσι εὐχόμενος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

10

Κύβος δ', ὁ ἰσάκις ἴσος ἑαυτῷ. ἢ, ὁ ἑκὰς τριῶν ἴσων ἀριθμῶν πᾶσι εὐχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris continetur.

κ

Αριθμοὶ ἀνάλογόμεισι, ὅταν ὁ πρῶτος τῷ δι-
τῆρι ὡς ὁ τρίτος τῷ τετάρτῳ ἰσάκῃς ἢ πολλαπλα-
σίου, ἢ ὁ αὐτὸ μέρῳ, ἢ τὰ αὐτὰ μέρη ὧσι.

20

Numeri proportionales sunt, cum pri-
mus secundi, & tertius quarti æquè mul-
tiplex est, vel eadem pars, vel eadem
partes.

κα

Ὅμοιοι ἐπίπεδοι καὶ στερεοὶ ἀριθμοὶ εἰσι, οἱ ἀνά-
λογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui
proportionalia habent latera.

κβ

Τέλος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ τοῖς ἐκείνῳ μέρεσιν ἴσος ὧν.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipfius par-
tibus est æqualis.

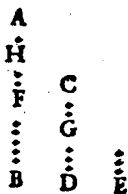
Γενιάσις.

α

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσωμ ἐκκειμένων, ἀνθυφαί-
ρημένῳ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος τῷ μείζονος ὁ λει-
πόμυθος μηδέποτε καταμετρήσῃ τὸ πρῶτον ἕως
ἐληφθῇ μονάς, οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς
ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. I. Propo. I.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadam detractiōe, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit ynitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

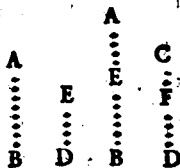


β

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, ὅς μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Probl. I. Propo. 2.

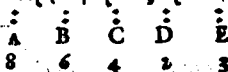
Duobus numeris datis non primis inter se, maximam eorum communem mēsuram reperire.



γ

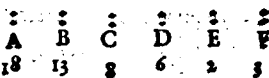
Τρεῖς ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, ὅς μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὑρεῖν.

Problema 2.



Propo. 3.

Tribus numeris datis non primis



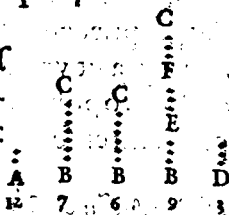
inter se, maximam eorum communem
mensuram reperire.

δι

Γὰρ ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τῷ μείζοντι, ἢται μέρος ὅστις, ἢ μέρος.

Theor. 2. Propo. 4.

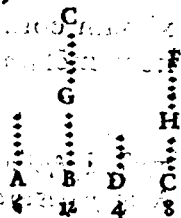
Omnis numerus, cuius
que numeri minor ma-
ioris aut pars est, aut
partes.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου
τὸ αὐτὸ μέρος, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρους
αὐτὰ μέρη εἶναι, ὅπως ὅσις τῶ ἐνός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars
fuerit, & alter alterius ea-
dem pars, & simul utr-
que utriusque simul eadē
pars erit, quæ unus est
vnius.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐ-
τὰ μέρος ᾖ, καὶ συναμφοτέρους συναμφοτέρους τὰ
αὐτὰ μέρη εἶναι, ὅπως ὅσις τῶ ἐνός.

Theor.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alteri⁹ ex-
dem partes, & simul vter-
que vtriusque simul eadē
partes erunt, quæ sunt v-
nus vnius.

B
C
D
E
F
G
H
I
K
L
M
N
O
P
Q
R
S
T
U
V
W
X
Y
Z

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾖ ὅσῳ ἀφαιρεθεὶς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὰ αὐτὰ μέρος
ἔσται ὅσῳ ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ deductus deducti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

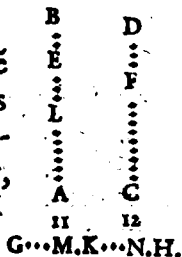
D
E
F
G
H
I
K
L
M
N
O
P
Q
R
S
T
U
V
W
X
Y
Z

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾖ ὅσῳ ἀφαιρεθεὶς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὰ αὐτὰ μέρος
ἔσται ὅσῳ ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

I
K
L
M
N
O
P
Q
R
S
T
U
V
W
X
Y
Z

Theor.6.Propo.8.

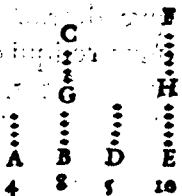
Si numerus numeri eadē
sint partes quæ deductus
deducti, & reliquus reli-
quus eadem partes erunt,
quæ sunt totus totius.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἑτέρος ἑτέρου
αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ καὶ ἑτέρου ᾖ μέρος ὁ πρῶ-
τος τῶ τρίτου, καὶ αὐτὸ μέρος ἔσται ἢ τὰ αὐτὰ μέρη,
καὶ ὁ δυνάτωρ τῶ τεταρτου.

Theor.7.Propo.9.

Si numerus numeri pars
fit, & aliter alterius eadē
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tii, eadē pars erit vel eē-
dem partes & secundus
quarti.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἑτέρος ἑτέρου τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ, ὁ καὶ ἑτέρου ᾖ μέρος ὁ πρῶτος
τῶ τρίτου ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσται καὶ ὁ δυνάτωρ τῶ
τεταρτου, ἢ μέρος.

Theor.8. Propo.10.

Si numerus numeri partes sint, & alter alterius eadem partes, etiam vicissim quæ sunt partes aut pars primus tertii, eadem partes erunt vel pars & secundus quarti.

			E	
H			H	
G				
A	C	D	F	
4	6	10	18	

^{1 α}
 Εάν ἡ ὅλος πρὸς ὅλον, ὥτως ἀφαίρεθῇς πρὸς ἀφαίρεθέντα, ὁ ὅλοιπός πρὸς τὸ λοιπὸν ἔσται ὡς ὅλος πρὸς ὅλον.

Theor.9. Propo.11.

Si quemadmodum se habet totus ad totum ita detractus ad detractum, & reliquus ad reliquum ita habebit ut totus ad totum.

	D	
B		
E		
A	C	
6	8	

^{1 β}
 Εάν ὡς ὁ ποσίων ἀριθμοὶ ἀναλόγου, ἔσται ὡς εἰς τῶν ἡγμένων πρὸς ἓνα τῶν ἐπομένων, ὥτως ἀπαντὲς οἱ ἡγμένοι πρὸς ἀπαντας οὐδ' ἐπομένους.

Theor.10. Propo.12.

Si sint quotcunque numeri proportionales, quemadmodum se habet unus antecedentium ad unum sequentium, ita

A	B	C	D	
9	6	3	2	

se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

¹⁷
Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσι, καὶ εἰ ἀλλὰξ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. II. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint
proportionales, & vicif- $\begin{matrix} \dot{A} & \dot{B} & \dot{C} & \dot{D} \\ 12 & 4 & 9 & 3 \end{matrix}$
sim proportionales erūt.

¹⁸
Ἐὰν ᾧσιν ὅποσοι οὖν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι
ᾗ πλῆθος σύνδινο λαμβανόμενοι καὶ εἰ ᾗ αὐτῶ
λόγῳ, εἰ δὲ ἴσοι εἰ τῷ αὐτῷ λόγῳ ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcun- $\begin{matrix} \dot{A} & \dot{B} & \dot{C} & \dot{D} & \dot{E} & \dot{F} \\ 12 & 6 & 3 & 8 & 4 & 2 \end{matrix}$
que numeri & a-
lii illis æquales
multitudine, qui bini sumantur & in ea-
dem ratione; etiam ex æqualitate in ea-
dem ratione erunt.

¹⁹
Ἐὰν μονὰς ἀριθμὸν ἵνα μετρή, ἰσχύει δὲ ἑτέρῳ ἀ-
ριθμὸς ἄλλον ἵνα ἀριθμὸν μετρή, εἰ εἰ ἀλλὰξ
ἰσχύει ἢ μονὰς τὸν τρίτον ἀριθμὸν μετρήσει καὶ ὁ δὲ
τῷ τέταρτον.

Si vnitas numerum quēpiam metiatur, alter verò numerus alium quēdam numerū æquē metiatur, & vicissim vnitas tertiū numerum equē metietur atque secundus quartum.

$$\begin{array}{ccccccc} & & & & & & F \\ & & & & & & L \\ & & & & & & K \\ & & C & & & & E \\ & H & & & & & 6 \\ & G & & & D & & \\ & B & & & & & \\ A & & & & & & \\ I & 3 & & & 2 & & \end{array}$$

Εὰν δὴ οὖν ἀριθμοὶ πολλαπλασιασάμεναι ἀλλήλους
ποιῶσι τινὰς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ἔσσονται.

Si duo numeri mutuo sese multiplicantes faciāt aliquos, qui ex illis geniti fuerint inter se æquales erunt.

$\begin{matrix} \cdot \\ E \end{matrix}$	$\begin{matrix} \cdot \\ A \end{matrix}$	$\begin{matrix} \cdot \\ B \end{matrix}$	$\begin{matrix} \cdot \\ C \end{matrix}$	$\begin{matrix} \cdot \\ D \end{matrix}$
1	2	4	8	8

$\dot{E}$	$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
1	2	4	8	8

Εἰς ἀριθμὸς δύο ἀριθμὸς πολλαπλασιάζας
ποῦ ἴνας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἃ αὐτὸν λόγον
ἔχουσι πολλαπλασιασθεῖσιν.

Si numerus duos numeros multiplicans

I iii

faciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt eandem ra-
tionem habebunt quam multiplicati.

11

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλασιά-
ζαντες ποιῶσι ἵνας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν τὸν
αὐτὸν ἕξαι λόγον τοῖς πολλαπλασιασμένοι.

Theor. 16. propo. 18.

Si duo numeri nume-
rum quempiam mul-
tiplicantes faciant ali-
quos, geniti ex illis eandem habebunt ra-
tionem, quam qui illum multiplicarunt.

12

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾤσιν, δὲν τῷ
πρώτῳ καὶ τετάρτῳ γινόμενῳ ἀριθμὸς ἴσος ᾤ-
σαι τῷ ἐν τῷ διδυτέρῳ τρίτῳ γινόμενῳ ἀριθ-
μῷ. Ἐὰν δὲ ἐν τῷ πρώτῳ διδυτέρῳ γινόμενῳ
ἀριθμὸς ἴσος ᾤσαι τῷ ἐν τῷ διδυτέρῳ καὶ τρίτῳ, οἱ τέσ-
σες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales,
qui ex primo & quarto fit æqualis erit ei
qui ex secundo & tertio : & si qui ex pri-
mo & quarto fit numerus æqualis sit ei

qui ex secun-
do & tertio,
illi quatuor

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$
6	4	3	2	12	12	18

numeri porportionales erunt.

κ
Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ἄνω τῶν ἁ-
κρω ἴσος ᾖ τῷ ἄρ' τῶ μέσῃ. ἐάν δ' ὁ ἄνω τῶ
ἁκρω ἴσθ' ᾖ τῷ ἄρ' τῶ μέσῃ, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui
ab extremis cōtinetur æqualis est ei qui
à medio efficitur. Et si qui ab
extremis continetur æqualis
fit ei qui à medio describitur,
illi tres numeri proportiona-
les erunt.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$
9	6	4
$\overset{\cdot}{D}$		
6		

$\kappa \alpha$
Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν τ' λόγον ἔχοντων ἁ-
τοῖς, μετ' ἑσὶ δὲ τ' αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἴσθ'
κίς, ὅ, τε μείζων τὸν μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν
ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omniū
qui eandem cum eis ra-
tionē habent, æqualiter
metiuntur numeros can-

$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{L}$		
$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$		
$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$
4	3	8	6

I iiii

demrationem habentes, maior quidem
maiores, minor vero minorem.

κ β

Εὰν ὅσοι τρεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι ἔσονται, συνέδω λαμβανόμενοι ἐκ τῶν αὐτῶν λόγων, ἢ ἡ τετραγμένη αὐτῶν ἢ ἀναλογία, ἐκ τῶν ἴσων ἐκ τῶν αὐτῶν λόγων ἔσονται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres sint numeri & alii multitudine il-
lis æquales, qui bini sumantur & in eadē
ratione, sit autem perturbata eorū pro-
portio, etiā ex æ-
qualitate in eadē
ratione erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
6	4	3	12	8	6

κ γ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλάχιστοι εἰσι
ἢ ἢ τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt om-
nium eadē cum eis
rationem habētium.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{E}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
5	6	2	4	3

κ δ

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ ἢ τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντων
αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν.

Theorem.22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis
rationem habētium,
primi sunt inter se.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \\ \vdots \end{smallmatrix}$
8	6	4	3	2

$\kappa \epsilon$
Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσιν, ὁ
τ' ἕνα αὐτῶν μετῶν ἀριθμὸς πρὸς τ' λοιπὸν πρῶ-
τος ἔσται.

Theor.23. Propo.25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui al-
terutrum illorū metitur
numerus, is ad reliquum
primus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$
6	7	3	4

$\kappa \varsigma$
Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἕνα ἀριθμὸν πρῶτοι ᾖσιν,
εἰ ὁ ἐξ αὐτῶν γεόμενος πρὸς τ' αὐτὸν πρῶτος
ἔσται.

Theor.24. Propo.26.

Si duo numeri ad
quempiam numerū
primi sint, ad eundē
primus is quoque fu-
turus est qui ab illis
productus fuerit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ F \\ \vdots \end{smallmatrix}$
3	5	5	3	2

κζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσι, ὃ ἐκ
τῶ ἐνὸς αὐτῶν γινόμενον πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶ-
τον ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint in-
ter se, qui ab vno eorū gigni-
tur ad reliquum primus erit.

⋮	⋮	⋮
B		
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	3

κη

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέρω
πρὸς ἐκάτερον πρῶτον ᾧσι, ὧ οἱ ἐξ αὐτῶν γινο-
μενοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo
ad vtrumque pri-
mi sint, & qui ex
eis gignentur pri-
mi inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
3	5	15	2	4	8

κθ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσι, ὧ
πολλαπλασιασάς ἐκάτερός ἐαυτῷ ποιῇ, ἵνα οἱ γε-
νόμενοι ἐξ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.
καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς ἐὼν γενομένης πολλαπλασια-
σάντες ποιῶσι ἵνας, καὶ κεῖνοι πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
λους ἔσονται, ὧ αἱ πόδες ἐὼν ἀκρεῖς ἐὼν συμβαίνει.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicās vterq; seipsum procreet aliquē, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quòd si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, efferint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idem hoc

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$
3	6	27	4	16	63

semper eueniet.

λ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ συναμφοτέρῳ πρὸς ἐκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται· καὶ ἂν συναμφοτέρως πρὸς ἓνα ἵνα αὐτῶν πρῶτῳ ᾖ, καὶ οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam simul vterque ad vtrunque illorum primus erit. Et si simul vterque ad vnum aliquem eorū primus sit, etiā qui initio positi sunt numeri primi inter se erunt.

	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	
$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$
2	1	4

λ α

Ἄπας πρῶτῳ ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντας ἀριθμοὺς, οὐ μὴ μετρεῖ, πρῶτός ἐστιν.

Theor.29.Prop.31.

Omnis primus numerus ad

omnem numerum quem nō
metitur, primus est. $\lambda \beta -$ $\begin{matrix} \dot{\alpha} & \dot{\beta} & \dot{\gamma} \\ \alpha & \beta & \gamma \end{matrix}$ $\begin{matrix} 7 & 10 & 5 \end{matrix}$

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλαζόντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, τὸν ὃ γενόμενον ἐξ αὐτῶν μετρεῖ τὸς πρῶτος ἀριθμὸς, ὅτι ἐκ τῶν ἐξ ἀρχῆς μετρήσει.

Theor.30.Prop.31.

Si duo numeri sese mutuò multiplicātes faciant aliquem, hūc autem ab illis productū metiatur primus

quidam numerus, is alte-
rum etiam metitur eorū
qui initio positi erant. $\begin{matrix} \dot{\alpha} & \dot{\beta} & \dot{\gamma} & \dot{\delta} & \dot{\epsilon} \\ \alpha & \beta & \gamma & \delta & \epsilon \end{matrix}$ $\begin{matrix} 2 & 6 & 12 & 3 & 4 \end{matrix}$

Ἄπας σύνθετος ἀριθμὸς, ὅτι πρῶτος τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται. $\lambda \gamma$

Theor.31.Prop.33.

Omne cōpositum numerum aliquis primus metietur.

$\begin{matrix} \dot{\alpha} & \dot{\beta} & \dot{\gamma} \\ \alpha & \beta & \gamma \end{matrix}$ $\begin{matrix} 27 & 9 & 3 \end{matrix}$
 $\lambda \delta$
Ἄπας ἀριθμὸς ἢ τοι πρῶτος ἔστιν, ἢ ὅτι πρῶτος τινὸς ἀριθμοῦ μετρεῖται.

Theor.32.Pro.34.

Omnis numer⁹ aut primus est,
aut eū aliquis primus metitur. $\begin{matrix} \dot{\alpha} & \dot{\beta} & \dot{\gamma} \\ \alpha & \beta & \gamma \end{matrix}$ $\begin{matrix} 3 & 6 & 8 \end{matrix}$
 $\lambda \epsilon$

Ἀριθμῶν δοθέντων ὁποσωνοῦν διρεῖν τὸν ἐλαχίστην τῶν αὐτῶν λόγων ἐχόντων αὐτοῖς.

Probl.3.Prop.35.

Numeris datis quocunque, reperire minimos omnium qui eandem cum illis ra

tionem habeant.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ F \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ G \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ H \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ K \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ I \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ M \end{smallmatrix}$
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λς

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὅν ἐλάχιστον με-
τρεῖσιν ἀριθμόν.

Probl. 4. Pro-

po. 36.

Duobus numeris

datis, reperire

quem illi mini-

mus metiantur

numerum.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ F \end{smallmatrix}$			
A	C	D	E	F			
7	12	8	4	5			
$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ F \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ G \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ H \end{smallmatrix}$
F	E	C	D	G	H		
6	9	12	9	2	3		

λζ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν ἴνα μετῶσι, καὶ ὁ ἐλάτ-
τιστος ὑπ' αὐτῶν μετρεῖσιν τὸν αὐτὸν μετρήσει.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum

quempiam metiantur, &

minimus quem illi me-

tiuntur eundem metietur.

λη

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ C \end{smallmatrix}$
2	3	6	12

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, εὑρεῖν ὅν ἐλάχιστον με-
τρεῖσιν ἀριθμόν.

Probl. 5. Prop. 38.

Tribus numeris

datis reperire quē

minimum nume-

rum illi metiātur.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ E \end{smallmatrix}$	
3	4	6	12	8	
$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ F \end{smallmatrix}$
3	6	8	12	24	16

λ θ

Ἐὰν ἀριθμὸς ὑπολινθῇ ἀριθμῷ μετρεῖται, ὁμο-
ζόμενος ὁμώνυμον μέρος ἔξει τοῦ μετρούμενου.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerum quispiam numerus metia-
tur, mensus partem habe-
bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	3	1

μ

Ἐὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχη οὐλοῦν, ἡ τοῦ ὁμωνύμου ἀ-
ριθμοῦ μετρηθῇσεται τοῦ μέρους.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit quamlibet,
illum metietur numerus
parti cognominis.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
8	4	2	1

μα

Ἀριθμὸν διρεῖν, ὃς ἐλαχίστος ὧν ἔξῃ τὰ δοθέν-
τα μέρη.

Probl. 6. Propo. 41.

Numerum reperire,
qui minimus cum sit,
datas habeat partes.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



E Y K Λ EI

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΘΓΔΟΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM OCTAVVM.

α,

Εἰς ἅρῳσιμὸς αὐτῶν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο-
γοι, οἱ ὅτε αὐτοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὁ-
σιμ, ἐλάττωσι εἰσι τῷ τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων
αὐτοῖς.

Theor. I. Propo. I.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales, quotū extremi sint inter se
primi, mi-

nimi sunt $\begin{matrix} \text{A} & \text{B} & \text{C} & \text{D} & \text{E} & \text{F} & \text{G} & \text{H} \\ \text{omnium} & 8 & 12 & 18 & 27 & 6 & 8 & 12 & 18 \end{matrix}$

candem cum eis rationem habentium,

β

Ἀριθμοὺς διῆναι ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλαχίστας, ὅσας ὑπὸ τῶν ἑξ ἑστὶ δοθέντε λόγῳ.

Probl. 1. Propo. 2.

Numero reperire deinceps, porportio-
nales minimos, quotcūque iusserit quis-
piam in data ratione.

Α	Β	Γ	Δ	Ε	Ζ	Η	Θ
3	4	9	12	16	27	36	49

γ

Ἐὰν ᾧσιν ὁποῖοι ἄριθμοι ἐξ ἧς ἀνάλογον ἐλα-
χιστοὶ τῶν ἑξ ἑστὶ λόγον ἐχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄλλοι
αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν.

Theor. 2. Prop. 3. Conuerſa primæ.

Si sint quotcūque numeri dinceps pro-
portionales minimi habentium eandem
cum eis rationem, illorum extremi sunt
inter se primi.

Α	Β	Γ	Δ	Ε	Ζ	Η	Θ	Ι	Κ	Λ	Μ	Ν	Ξ
27	36	48	64	81	108	144	162	180	216	270	324	360	432

δ

Λόγων δοθέντων ἑπομένων ἐν ἐλαχίστοις ἀριθ-
μοῖς, ἀριθμοὺς διῆναι ἐξ ἧς ἐλαχίστας ἐν τοῖς δοθέν-
τε λόγοις.

Pro-

Rationibus datis quocunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M O
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10 12

Οἱ ἐπίπλετοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχου-
σι τῷ συγκείμενον ἐκ τῶν πλεονῶν.

Plani numerationem inter se habent
ex lateribus compositam.

18	22	23	3	5	4	8	9	12	16
----	----	----	---	---	---	---	---	----	----

5

Ἐὰν ὥσιν ὁποσποιοῦ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ ὅ-
 πρωτος τὸ δεύτερον μὴ γένηται, ὅσους ἄλλος ἐπέναι
 μετρήσθ.

K

Theor.4.Propo.6.

Si sint
quotlibet
numeri
deinceps
proportio
nales, primus autem secundum non me
tiatur, neque alius quisquam vllum me
tietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	82	4	6	9

Ἐὰν ὅσιν ὁποσοιῶν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ἐν
πρώτῳ τ' ἑκάστῳ μέτρει, καὶ τ' αὐτὸν μέτρον.

Theor.8.propo.7.

Si sint quotcunque nume
ri deinceps proportióna
les, primus autem extre
mum metiatur, is etiā se
cundum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
4	6	12	24

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τ' συνεχὲς ἀνά
λογον ἐμπιπῶσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτὸν μετα
ξὺ κατὰ τ' συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπιπῶσιν ἀρίθ
μοι, ὅσοι εἰς αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐ
τοῖς μεταξὺ κατὰ τ' συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπε
θῶνται.

Theor.6.Propo.8.

Si inter duos numeros medii continua

proportione incidant numeri, quot inter eos medii continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medii continua proportione incident.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	3	9	27	2	6	18	54

9

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾖσι, καὶ εἰσαὐτοῦ μεταξὺ κατὰ συνεχῆς ἀναλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, ὅσοι εἰς αὐτοῦ μεταξὺ κατὰ συνεχῆς ἀναλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοί, τοσῶται ἐκατέρω αὐτῶν ἐκ μοναδιῶ ἐξῆς μεταξὺ κατὰ συνεχῆς ἀναλογον ἐμπεσούσινται.

Theor. 7. Propo. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medii continua proportione incidant numeri, quot inter illos medii continua proportione incidunt numeri, totidem & inter utrunque eorum ad unitatem deinceps medii continua proportionem incident.

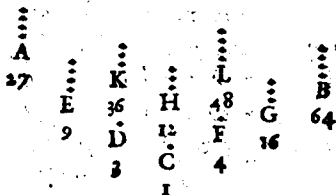
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16

K ii

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ὁ μὲν ἀπὸ μονάδος μεταξὺ κατὰ τὴν
 συνεχῆς ἀνάλογον ἐμπιπῶσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἐκ
 τέρας αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξὺ κατὰ τὴν
 συνεχῆς ἀνάλογον ἐμπιπῶσιν ἀριθμοί, τοσοῦτοι καὶ
 εἰς αὐτὰς μεταξὺ κατὰ τὴν συνεχῆς ἀνάλογον ἐμ-
 πεσοῦνται.

Theor. 8. Propo. 10.

Si inter duos numeros & unitatē conti-
 nuè proportionales incidant numeri,
 quot inter v-
 trūque ipso-
 rum & unita-
 tē deinceps
 medii conti-
 nua propor-
 tione incidūt
 numeri, totidem & inter illos medii con-
 tinua proportione incident.



Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσθ' ἀνάλογός
 ὅστις ἀριθμός καὶ ὁ τετράγωνος πρὸς τὸν τετράγωνον
 διπλαστίονα λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἢ πλὺν πρὸς τὸν
 πλὺν ἢ πρὸς.

Theor. 9. Propo. 11.

Duorum quadratorum numerorū vnus
 medius proportionalis est numerus: &

quadratus ad quadra-
tum duplicatam ha-
bet lateris ad latus ra-
tionem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	E	D	B
9	3	12	4	16

1β
Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσιν ἀριθ-
μοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λό-
γον ἔχει, ἢ πᾶς ἢ πλὺς πρὸς τὴν πλὺς αἰ.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo me-
dii proportionales sunt numeri: & cubus
ad cubum triplicatam habet lateris ad la-
tus rationem.

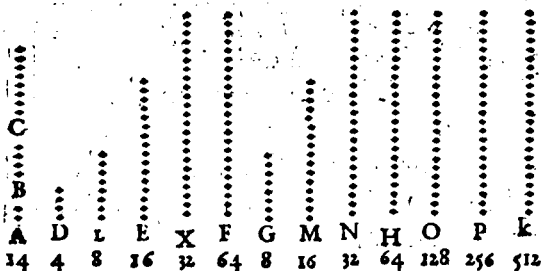
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

1γ
Ἐὰν ὧσιν ὁσοῖσιν ποτὺν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον,
εἰ πολλαπλασιάσας ἕνασθ' ἑαυτῶν ποιῇ ἑνὰς,
οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἔαυτοὶ
ἐκαστὸς τῶν γνομένων πολλαπλασιάσας ποιῶσι
τινὰς, καὶ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ αἱ
πᾶσι τῶν ἀκρῶν συμβαίει.

Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps propor-
tionales, & multiplicās quisque seipsū

faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt: & si numeri primum positi, ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.



Ἐὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρήσῃ, καὶ ἡ πλεονέκτω πλεονέκτω μετρήσῃ, καὶ ἔα ἡ πλεονέκτω πλεονέκτω μετρήσῃ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 12. Propo. 14.

Si quadratus numerus quadratum numerum metiatur, & latus vnus metietur latus alterius. Et si vni⁹ quadrati latus metiatur latus alterius, & quadratus quadratum metietur.

16

Εὰν κύβος ἀριθμὸς κύβου ἀριθμοῦ μετρήῃ, καὶ ἡ
πλευρὰ τῶν πλευρῶν μετρήσῃ, καὶ εἴαν ἡ πλευρὰ τῶν
πλευρῶν μετρήῃ, οὐ κύβος τὸ κύβον μετρήσει.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerū me-
tiatur, & latus vnus metietur alterius la-
tus. Et si latus vnus cubi latus alterius
metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

15

Εἴαν τε τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμοῦ
μὴ μετρήῃ, καὶ ἡ πλευρὰ τῶν πλευρῶν μετρήσῃ, καὶ
ἡ πλευρὰ τῶν πλευρῶν μὴ μετρήῃ, οὐδὲ οὐ τετράγωνον
τὸ τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratū nume-
rum nō metiatur, neque latus vnus me-
tietur alterius latus. Et si
latus vnus quadrati non
metiatur latus alterius,
neque quadratus quadra-
tum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	3	4
K	iiii		

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβου ἀριθμὸν μὴ μετρήῃ, ἔσθ' ἢ πλεονά τι ἢ πλεονά μ μετρήσει καὶ ἢ πλεονά τι ἢ πλεονά μ μὴ μετρήῃ, ἔσθ' ὁ κύβος ἢ κύβον μετρήσῃ.

Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum nō metiatur, neq; latus vnus latus alterius metietur.

Et si latus cubi alicuius la-

tus alterius nō metiatur,

neque cubus cubum me-

tietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

Δύο ὁμοίων ὑπὸ πέντε ἀριθμῶν εἰς μέσθ' ἀναλόγος ὅστις ἀριθμὸς ὁ ἐπὶ πέντε πρὸς τὸ ἐπὶ πέντε διπλασίου λόγον ἔχει, ἢ πρὸς ἢ ὁμόλογος πλεονά πρὸς τι ὁμοίλογον πλεονά μ.

Theor. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorū vnus medius

proportiona-

lis est nume-

rus: & planus

ad planum duplicatam habet lateris homologī ad latus homologum rationem.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

18.

Αὐτοὶ ὁμοίωσι τετάρτοις ἀριθμοῖς διὸ μέσοι ἀνάλογον
ἐπιπίπτουσιν ἀριθμοί. καὶ ὁ τετρεὺς πρὸς τὸ ὁμοίωσι τε-
τάρτοις διπλασίονα λόγον ἔχει, ἥ τε δὲ ἢ ὁμόλογον
πλῆρεια πρὸς τὴν ὁμόλογον πλῆρεια.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo
medii proportionales incidunt numeri.
& solidus ad similem solidum triplicatā
rationem habet lateris homologi ad la-
tus homologum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	N	X	B	C	D	E	F	G	H	K	M	L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

K

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ εἰς μέσον ἀνάλογον ἐπιπίπτῃ
ἀριθμός, ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι ἔσονται ἀριθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius pro-
portionalis
incidat nume-
rus, similes
plani erunt il-
li numeri.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F	G
18	24	36	3	4	6	8

κα

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν δύο μέσοι ἀνάλογον ἐμπίπτωσι πρὸς ἀριθμοὶ ὁμοιοί τε εἰσι οἱ ἀριθμοί.

Theor. 19. Propo. 21.

Si inter duos numeros duo medii proportionales incidant numeri, similes soli di sunt illi numeri.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κε

Ἐὰν ἑπτὰ ἀριθμοὶ ἐξ ἑνὸς ἀνάλογον ᾧσι, ὃ ἢ πρῶτος τετραγώνος ἢ, καὶ ὃ ἑξὺς τετραγώνος ἔσται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres numeri deinceps

sint proportionales, pri-

mus autem sit quadratus,

& tertius quadratus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	D
9	15	25

κγ

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξ ἑνὸς ἀνάλογον ᾧσι, ὃ ἢ πρῶτος κύβος ἢ, καὶ ὃ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theor. 21. propo. 23.

Si quatuor numeri deinceps

sint proportionales,

primus autem sit cubus,

& quartus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσι, ὅν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, ὃ ὁ πρῶτον τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ δεύτερον τετράγωνον ἔσται.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se quā quadratus numerus ad quadratū numerū, primus autē sit quadratus, & secundus quadratus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D		
4	6	9	16	24	36

κ ε

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσι, ὅν κύβον ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ ὁ πρῶτος κύβος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἔσται.

Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant quam cubus numerus ad cubum numerum, primus autem cubus sit, & secundus cubus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	F	B	C			D
8	12	18	27	64	95	140	216

κ 5

Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν τετραγώνος ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνου ἀριθμῷ.

Theor.24.Propo.26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quā quadratus numerus ad quadratū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κ 6

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὃν κύβου ἀριθμὸς πρὸς κύβου ἀριθμῷ.

Theor.25.Propo.27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
26	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



E' Y K Λ EΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΕΝΝΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM NONVM.

α,

Εἰ δύο ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλα-
σιάζοντες ἀλλήλους ποῖωσι ἑνὰ, ὃ γενόμενον
τετράγωνος ἔσται.

Theor. I. Prop. I.

Si duo similes plani numeri mutuò sese
multiplicantes
quendam pro-
creent, produ-
ctus quadratus
crit.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	E	B	D		C
4	6	9	16	24	36

β

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους
ποιῶσι τετράγωνον, ὁμοιοὶ ἐπί τε δίοι εἰσι.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuo sese multiplican-
tes quadratum fa-

eiant, illi similes
sunt plani.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
4	6	12	9
		18	36

γ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἐαυτὸν πολλαπλασιάξῃ
ποιῇ ὕψος, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicās
procreet ali-

quem, pro-
ductus cubus
erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
3	4	8	16
		32	64

δ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλα-
σιάξῃ ποιῇ ὕψος, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubū
numerum multiplicans

quendam procreet, pro-
creatus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
8	27	64	216

Εὰν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμόν τινα πολλαπλασιά-
σας κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος
ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quendam
multiplicās cubum pro-
creet, & multiplicatus cu
bus erit.

A B D C
27 64 729 1728

Εὰν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάσας κύβον
ποιῇ, ἐἴ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multi-
plicans cubum procreet, &
ipse cubus erit.

A B C
27 729 19683

Εὰν οὖν τις ἀριθμὸς ἀριθμόν τινα πολλαπλα-
σιάσας ποιῇ τινα, ὁ γεόμετρος τετρεῖς ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam nu-
merum multiplicans
quempiam procreet,
productus solid⁹ erit.

A B C D E
16 8 64 48 128

Η

Ἐὰν ἄρ' μονάδος ὁποσοιούῃ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾖσιν, ὃ ἢ τρίτος ἄρ' αὖ μονάδος τετράγωνός ἐστι, καὶ οἱ ἑνα διαλείποντες πάντες, ὃ ἢ τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες, ὃ ἢ ἑξάσμος κύβος ἅμα εἰ τετράγωνος, καὶ οἱ πάντε διαλείποντες πάντες.

Theor.8.Propo.8.

Si ab vnitrate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab vnitrate quadratus est, & vnū intermittentes omnes: quartus autē cubus, & duobus intermissis omnes: septimus verò cubus simul & quadrat⁹,

& quinque intermissis omnes.

vni	...	...	...	...	...	...
tas.	A	B	C	D	E	F
	3	9	27	81	243	729

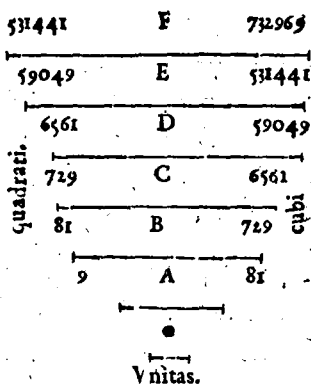
Θ

Ἐὰν ἄρ' μονάδος ὁποσοιούῃ ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾖσιν, ὃ ἢ μετὰ τῇ μονάδᾳ τετράγωνός ἐστι, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τετράγωνοι ἔσονται. καὶ ἔὰν ὁ μετὰ τῇ μονάδᾳ κύβος ᾖ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theor.9.Propo.9.

Si ab vnitrate sint quotcūque numeri deinceps proportionales, sit autem quadratus

dratus is qui v-
nitatē sequi-
tur, & reliqui
omnes quadra-
ti erunt. Quod
si qui vnitatem
sequitur cubus
fit, & reliqui o-
mnes cubi e-
runt.



Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσδιουῶ ἀριθμοὶ ἀνάλογον
ᾧσιν, ὃ ὅ μετὰ πλὴν μονάδα μὴ ἢ τετράγωνος, ἔστι
ἄλλος ἐστὶς τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τῆς τρίτης ἀπὸ
ἑνὸς μονάδος καὶ τῆς ἑνὸς ἀλλήλων πόντων πάντων. καὶ ἐάν
ὃ μετὰ πλὴν μονάδα κύβος μὴ ἢ, ἔστι ἄλλος ἐστὶς
κύβος ἔσται, χωρὶς τῆς τετάρτης ἀπὸ ἑνὸς μονάδος
καὶ τῆς δύο ἀλλήλων πόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitatem numeri quocunque pro-
portionales sint, non fit autem quadra-
tus is qui vni-
tatem sequi-
tur, neque al-
lius vll⁹ qua-

Vni- tas.	A	B	C	D	E	F
	1	9	36	81	243	729

dratus erit, demptis tertio ab vnitare ac omnibus vnum intermittētibus. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, dēptis quarto ab vnitare ac omnibus duos intermit- tentibus.

1 α

Εἰ ἂν ἀπὸ μονάδος ὁποῖον ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλο- γον ὦσιν, ὁ ἐλάττω τὸ μείζονα μερεῖ κατὰ ἑνα τὸ ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitare numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorē me- titur per quempiam

eorū qui i proportio

A	D	C	D	E
1	2	4	8	16

nalib⁹ sunt numeris.

1 β

Εἰ ἂν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῖον ἀριθμοὶ ἀνάλογον ὦσιν, ὑφ' ὧν, ἀπὸ ἑκάστης πρώτων ἀριθμῶν με- ρεῖται, ὅτι αὐτῇ καὶ ὁ παρὰ τὴν μονάδα μερεθίσεται.

Theor. 12. Propo. 12.

Si ab vnitare quotlibet numeri sint pro- portionales, quot primorum numerorū

ultimum metiuntur, totidem & cum qui
vnitati proximus est, metientur.

●

Vni tas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	4	16	64	256	2	8	32	128

17
Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποῖοις ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνα-
λογουῶσιν, ὃ ὑμετέρῳ τῷ μονάδα πρῶτος ἦ, ὁ μέ-
γιστος ὕψ' ἐκείνου ἀλλὰ μέγιστος γένηται παρὰ τῶν
ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀναλογουμένοις.

Theor. 13. Propos. 13.

Si ab vnitatem sint quocūque numeri de-
inceps proportionales, primus autem sit
qui vnitatem sequitur, maximum nullus
alius metietur, iis exceptis qui in propor-
tionalibus sunt numeris.

●

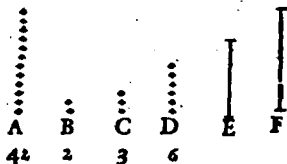
Vni tas.	A	B	C	D	E	H	G	F
	3	9	27	81				

1.11.

Ἐὰν ἐλαχίστος ἀριθμὸς ᾧ τὸ πρῶτον ἀριθμῶν
μείρηται, ὑπὸ διενέος ἄλλος ἀριθμὸς μετρήσεται
παρὰ τῷ ἐξ ἀρχῆς μεζούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
merum primi ali-
quot numeri me-
tiantur, nullus al-
lius numerus pri-
mus illum metie-



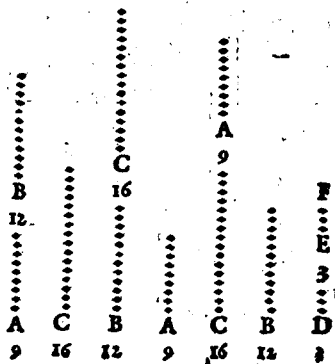
tur, iis exceptis qui primò metiuntur.

1.12.

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξ ἑνὸς ἀναλογίου ὧσιν ἐλάχιστοι
τῷ ᾧ αὐτὸν λόγον ἔχοντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν
σωτὶ δύναντες πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτοι εἶσιν.

Theor. 15. Propo. 15.

Si tres nume-
ri deinceps
proportiona-
les sint mini-
mi eandē cū
ipsis habentiū
rationē, duo
quilibet com-
positi ad ter-
tium primi e-
runt.



15

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιμ, ἔκ
 ἔσαι ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸ διδύτῳρον, ἕτως ὁ διδύτε-
 ρος πρὸς ἄλλον ἑνά.

Theor. 16. Propo. 16.

Si duo numeri sint inter se
 primi, non se habebit quem-
 admodum primus ad secun-
 dum, ita secundus ad quem-
 piam alium.

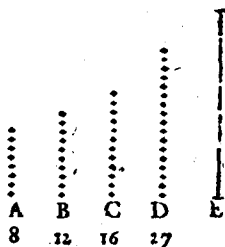


18

Ἐὰν ᾧσιμ ὅσοι διηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον,
 οἱ ἡ ἀκροὶ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾧσιμ, ἔκ
 ἔσαι ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸ διδύτῳρον, ἕτως ὁ ἕχτος
 πρὸς ἄλλον ἑνά.

Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet nu-
 meri deinceps pro-
 portionales, quorum
 extremi sint inter se
 primi, nō erit quem-
 admodum primus ad
 secūdum, ita vltimus
 ad quempiam alium.

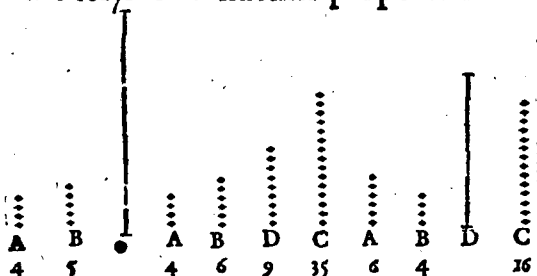


18

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, ὑποθέσειν ἑκάστῳ εἰ δοθέν-
τιν ἄλλῳ αὐτοῖς τρίτῳ ἀνάλογον προσθεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, considerare pos-
sitne terci^o illis inueniri proportionalis.

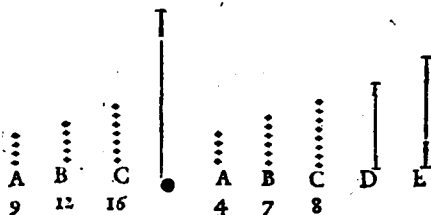


19

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκεψάμεθα εἰ δοθέν-
τιν ἄλλῳ αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσθεῖν.

Theor. 9. Propo. 19.

Tribus numeris datis, cōsiderare possit-
ne quartus illis reperiri proportionalis.

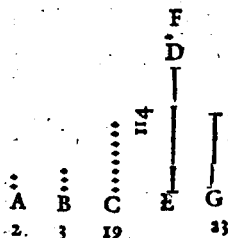


κ

οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσι παντὶς τῆς μετέ-
θεντος πλήθους πρώτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri
plures sunt qua-
cunque propo-
sita multitudine
primorum nume-
rorum.

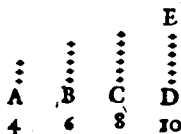


κ α

Ἐὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὁποσοῦν συναΐεθῶσι, ὁ ὅλος
ἄρτιός ἐστι.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot
libet compositi sint,
totus est par.



κ α

Ἐὰν ὁποιοῦν ἀριθμοὶ ὁποσοῦν συναΐεθῶσι, ὁ δὲ
πλήθος αὐτῶν ἄρτιον ᾖ, ὁλόκληρον ἄρτιόν ἐστι.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

L iii

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

sint, sit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.

A	B	C	D
5	9	7	3

и γ

Ἐὰν καθύλατοι ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν σωτηριῶσιν, καὶ διὰ
πληθους ἀντὶ τοῦ καθύλατόν, καὶ ὅλῳ καθύλατόν
ἔσται.

Theor.23.propo.23.

Si impares numeri
quoruncunque compo-
siti sint, sit autē impar
illorum multitudo, &
totus impar erit.

и л

Ἐὰν ἀπὸ ἀρχῆς ἀριθμῷ ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, ὁ ὅλοις
πρὸς ἄρτιον ἔσται.

Theor.24.Propo-24.

Si de pari numero par detra-
ctus sit, & reliquus par erit.

$$\begin{array}{cc} \vdots & \vdots \\ \mathbf{A} & \mathbf{B} \\ 6 & 4 \end{array}$$

K. E.

Ἐὰν ἀπὸ ἀρτίου ἀριθμοῦ πῶλος ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς πῶλος ἔσται.

**Si de pari numero impar
detractus sit , & reliquus
impar erit.**

A **C** **B**

8 **I** **4**

Εἰ μὲν ἄρα ^{κ 5} πῶς αἱ ἀρεταὶ ἀφαιρουμέναι πῶς
ὁ λοιπὸς ἄρτι ὅτι ἐστι.

Si de impari numero impar detractus fit, & reliquus par erit.

A C B
4 6 8

28
 29
 30
 31
 32
 33
 34
 35
 36
 37
 38
 39
 40
 41
 42
 43
 44
 45
 46
 47
 48
 49
 50
 51
 52
 53
 54
 55
 56
 57
 58
 59
 60
 61
 62
 63
 64
 65
 66
 67
 68
 69
 70
 71
 72
 73
 74
 75
 76
 77
 78
 79
 80
 81
 82
 83
 84
 85
 86
 87
 88
 89
 90
 91
 92
 93
 94
 95
 96
 97
 98
 99
 100
 101
 102
 103
 104
 105
 106
 107
 108
 109
 110
 111
 112
 113
 114
 115
 116
 117
 118
 119
 120
 121
 122
 123
 124
 125
 126
 127
 128
 129
 130
 131
 132
 133
 134
 135
 136
 137
 138
 139
 140
 141
 142
 143
 144
 145
 146
 147
 148
 149
 150
 151
 152
 153
 154
 155
 156
 157
 158
 159
 160
 161
 162
 163
 164
 165
 166
 167
 168
 169
 170
 171
 172
 173
 174
 175
 176
 177
 178
 179
 180
 181
 182
 183
 184
 185
 186
 187
 188
 189
 190
 191
 192
 193
 194
 195
 196
 197
 198
 199
 200
 201
 202
 203
 204
 205
 206
 207
 208
 209
 210
 211
 212
 213
 214
 215
 216
 217
 218
 219
 220
 221
 222
 223
 224
 225
 226
 227
 228
 229
 230
 231
 232
 233
 234
 235
 236
 237
 238
 239
 240
 241
 242
 243
 244
 245
 246
 247
 248
 249
 250
 251
 252
 253
 254
 255
 256
 257
 258
 259
 260
 261
 262
 263
 264
 265
 266
 267
 268
 269
 270
 271
 272
 273
 274
 275
 276
 277
 278
 279
 280
 281
 282
 283
 284
 285
 286
 287
 288
 289
 290
 291
 292
 293
 294
 295
 296
 297
 298
 299
 300
 301
 302
 303
 304
 305
 306
 307
 308
 309
 310
 311
 312
 313
 314
 315
 316
 317
 318
 319
 320
 321
 322
 323
 324
 325
 326
 327
 328
 329
 330
 331
 332
 333
 334
 335
 336
 337
 338
 339
 340
 341
 342
 343
 344
 345
 346
 347
 348
 349
 350
 351
 352
 353
 354
 355
 356
 357
 358
 359
 360
 361
 362
 363
 364
 365
 366
 367
 368
 369
 370
 371
 372
 373
 374
 375
 376
 377
 378
 379
 380
 381
 382
 383
 384
 385
 386
 387
 388
 389
 390
 391
 392
 393
 394
 395
 396
 397
 398
 399
 400
 401
 402
 403
 404
 405
 406
 407
 408
 409
 410
 411
 412
 413
 414
 415
 416
 417
 418
 419
 420
 421
 422
 423
 424
 425
 426
 427
 428
 429
 430
 431
 432
 433
 434
 435
 436
 437
 438
 439
 440
 441
 442
 443
 444
 445
 446
 447
 448
 449
 450
 451
 452
 453
 454
 455
 456
 457
 458
 459
 460
 461
 462
 463
 464
 465
 466
 467
 468
 469
 470
 471
 472
 473
 474
 475
 476
 477
 478
 479
 480
 481
 482
 483
 484
 485
 486
 487
 488
 489
 490
 491
 492
 493
 494
 495
 496
 497
 498
 499
 500
 501
 502
 503
 504
 505
 506
 507
 508
 509
 510
 511
 512
 513
 514
 515
 516
 517
 518
 519
 520
 521
 522
 523
 524
 525
 526
 527
 528
 529
 530
 531
 532
 533
 534
 535
 536
 537
 538
 539
 540
 541
 542
 543
 544
 545
 546
 547
 548

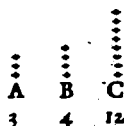
Si ab impari numero par
ablatus sit, reliquus im-
par erit.

$$\begin{array}{ccc} & & B \\ & \vdots & \vdots \\ A & D & C \\ I & 4 & 4 \end{array}$$

Εάν ποδιστὸς ἀριθμὸς ἄριον πολλαπλασιάσῃς
ποιῇ ζυγόν, ὁ γενόμενος ἄριος ἔσται.

Theor.28.Propo.28.

Si impar numerus parē mul-
tiplicans procreet quempiā,
procreatus par erit.

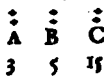


κ θ

Ἐὰν πῶδας ἀριθμὸς πῶδα ἀριθμὸν πολλα-
πλασιάσῃ ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος πῶδας ἔσται.

Theor.29.Propo.29.

Si impar numerus imparē nu-
merū multiplicās quēdā pro-
creet, procreatus impar erit.



λ

Ἐὰν πῶδας ἀριθμὸς ἄρτιον ἀριθμὸν μετῇ, καὶ
ἑμὶς αὐτῷ μετῇσιν.

Theor.30.Propo.30.

Si impar numerus parem nu-
merum metiatur, & illius di-
midium metietur.

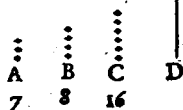


λ α

Ἐὰν πῶδας ἀριθμὸς πρὸς ἑνὰ ἀριθμὸν πρῶτος
ᾖ, εἰ πρὸς τῷ διπλασίονι αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theor.31.Propo.31.

Si impar numerus ad nu-
merum quēpiam primus
sit, & ad illius duplum pri-
mus erit.



λ β

Τῶν ἀπὸ διυαλδιῶ διπλασιαζομένων ἀριθμῶν
ἕκαστος ἀρκεῖ ἀρκεῖς ὅστις μόνον.

Theor. 32. Prop. 32.

Numerorū, qui à bi-
nario dupli sunt, v-
nufquisque pariter
par est tantum.

Vni
tas.

A

2

B

4

C

8

D

16

λ γ

Ἐὰν ἀριθμὸς ὃς ἡμισυ ἔχη ποδισδόν, ἀρκεῖς πρὸς
ῥιστός ὅστις μόνον.

Theor. 33. Prop. 33.

Si numerus dimidium impar ha-
beat, pariter impar est tantum.

A

10

A

20

λ δ

Ἐὰν ἀρκεῖς ἀριθμὸς μήτε τῷ ἀπὸ διυαλδος δι-
πλασιαζομένῳ ἢ, μήτε ὃς ἡμισυ ἔχη ποδισδόν,
ἀρκεῖς τε ἀρκεῖς ὅστις ἀρκεῖς ποδισδός.

Theor. 34. Prop. 34.

Si par numerus nec sit duplus à bi-
nario, nec dimidiū impar habeat,
pariter par est & pariter impar.

A

20

A

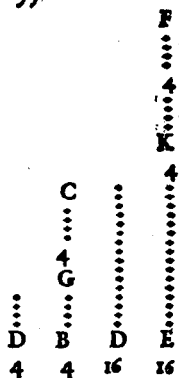
20

λ ε

Ἐὰν ὥσιν ὁμοιομετροῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον,
ἀφαίρεθῶσι ὁπότε τ' ἀλλήτερον καὶ τῷ ἑατάτω ἴσοι
τῷ πρώτῳ, ἔσται ὡς ἡ τῷ ἀλλήτερον ὑπεροχὴ πρὸς
τ' ἑατάτω, ὥστε ἡ τῷ ἑατάτω ὑπεροχὴ πρὸς αὐτὴν πρὸς
ἑαυτῇ ἀπαντας.

Theor.35. Propo.35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps proportiona-
les, detrahatur autem de
secundo & ultimo æqua-
les ipsi primo, erit quem-
admodum secundi exces-
sus ad primum, ita ultimi
excessus ad omnes qui ul-
timum antecedunt.



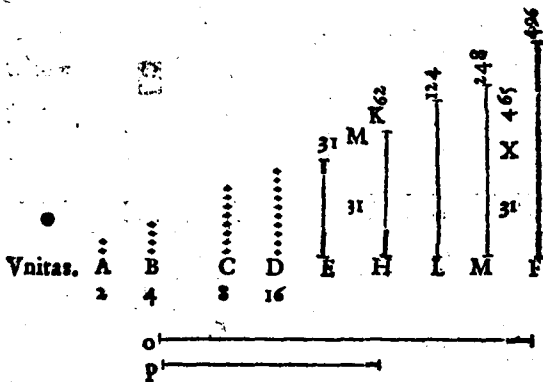
λ ς

Ἐὰν ἀπὸ μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἐκτε-
θῶσιν ὡς τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ ἕως ἧς ὁ σύμπαρ
σωτὶς εἰς πρῶτον γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ὡς τὸν
ἑατάτω πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ τινὰ, ὁ γενόμε-
νος τέλειος ἔσται.

Theor.36. Propo.36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps

expositi sint in duplici proportionē quo-
ad totus compositus primus factus sit, is-
que totus in ultimum multiplicatus quē-
piā procreet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



Ε Υ Κ Λ Ε Ι

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DECIMVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Σ ὅμοια μεγέθη λέγεται, τὰ ὅτε αὐτῶ
μέτρῳ μετρίμυθα.

DEFINITIONS.

I

Commensurabiles magnitudines di-
cuntur illę, quas eadē mensura metitur.

β

ὁμοίμετρα δ', ὅρμηδ' ἐρρίθεται κοινὸν μέτρον
γενέσθαι.

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθείαι διωάμει σύμμετροί εἰσι, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετράγωνα ᾗ αὐτῷ χωρίῳ μετρηταί.

3

Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadē superficies siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροί δ' ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐκδέχεται χωρίου κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incommensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τῶν ἑποικημένων, δείκνυται ὅτι τῇ προτεθείσῃ εὐθείᾳ ὑπάρχουσιν εὐθεῖαι πλήθει ἀπειροι, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροι, αἱ μὲν καὶ διωάμει, αἱ δὲ διωάμει μόνον. Καλεῖσθαι οὖν ἢ μὴ προτεθεῖσθαι εὐθεῖα ῥητή.

5

Hæc cū ita sint, ostēdi potest quòd quætacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles
eidem commensurabiles, aliæ item inco-
mmensurabiles, hæ quidem longitudine &
potentia: illæ vero potentia tantum. Vo-
cetur igitur linea recta, quantacunque
proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

⁵
καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκει εἰδιωάμει, εἴ-
τε διωάμει μόνον, ῥηταί.

⁶
Lineæ quoque illi ῥητῇ commensurabiles
siue λόγitudine & ποτῆτια, siue potentia
tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est ra-
tionales.

⁷
Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθαι.

⁷
Quæ verò lineæ sunt incommensurabi-
les illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali,
vocentur ἄλογοι, id est irrationales.

⁸
καὶ εἰς ἃ ἀπὸ αὐτῆς περὶ τεθείσης διδεῖας τετραγώνου, ῥητὸν.

⁸
Et quadratū quod à linea proposita de-
scribitur quam ῥητῶν vocari voluimus, vo-
cetur ῥητὸν.

καὶ ταῖ

⁹
καὶ τὰ τέτρω σύμμετρα, ῥητά.

⁹
Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

¹
Τὰ ἑτέρω ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

10

Quæ verò sunt illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est furda.

1α

καὶ αἱ διωάμεναι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ δὲ τετραγώνων αἱ, αὐταὶ αἱ πλῆρη. εἰ δὲ ἑτέω τινὰ διδύγραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετράγωνα ἀναγράφουσαι.

II.

Et lineæ quæ illa incommensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quod si quadrata quidem non fuerint, verum aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

Προτάσις α.

Δύο μεγεθῶν ἀνίσωρ ἐκκαμένον, ἐὰν ἀρτῶ μέ-

M

ζενΘ' ἀφαιρεθῇ μείζον ἢ τ' ἡμῶν, Θ' τ' καταλ-
πομένον μείζον ἢ τ' ἡμῶν, Θ' τ' αἰ γίνηται, λη
φθίσεται τι μέγεθος, ὃ ὅτι μ' ἔλασσορ ἐκκειμένον ἔ-
λάσσορ Θ' μεγέθους.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinib' inæqualibus pro-
positis, si de maiore detrahatur plus di-
midio, & rursus de residuo
iterum detrahatur plus di-
midio, idque semper fiat: re-
linquetur quædam magni-
tudo minor altera minore
ex duabus propositis.



Εὰν δύο μεγεθῶν ἐκκειμένων ἀνίσωρ, ἀνθυφαί-
ρεμένον αἰ τ' ἔλασσορ Θ' ἀπ' τ' μείζον Θ', τ'
καταλείποντο μηδέποτε καταμετρήσ' πρὸς ἐ-
αυτῶν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor
de maiore, altera quadā
detractione, neque residuū
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles
sunt illæ magnitudines.

γ
Δύο μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Probl.1.Propo.3.

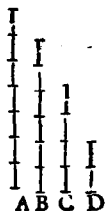
Duabus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maximam
ipsarum communem mensuram
reperire.



δ
Τρεῶν μεγεθῶν συμμέτρων δοθέντων, τὸ μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Theor.2.Propo.4.

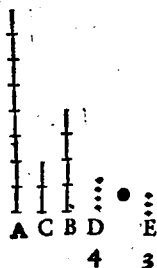
Tribus magnitudinibus cō-
mensurabilibus datis, maxi-
mam ipsarum communem
mensuram reperire.



ϵ
Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει,
ὡς ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμόν.

Theor. 3. Propo. 5.

Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habēt, quam habet numerus ad numerum.

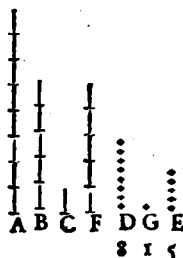


5

Ἐὰν δύο μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει ὁ ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρα ἔσιν τὰ μεγέθη.

Theor. 4. Propo. 6.

Si duæ magnitudines proportionē eam habēt inter se quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.

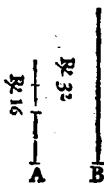


8

Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἄλληλα λόγον οὐκ ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor. 5. Propo. 7.

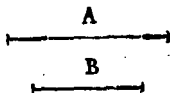
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Ἐὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ ἔχῃ ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμῷ, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem non habent quam numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.

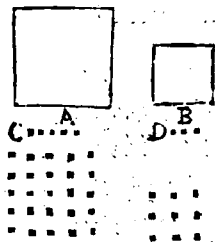


Τὰ ἀπὸ τῆς μήκει συμμέτρων διδιδῶν τετράγωνα, πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ ὃν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμῷ, καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχοντα ὃν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμῷ, εἰ τὰς πλευρὰς ἔξει μήκει σύμμετρα, τὰ ὅ ἀπὸ τῆς μήκει ἀσύμμετρων διδιδῶν τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ ὃν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμῷ, καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ

ἔχοντα ὄντως τετραγώνῳ ἀριθμὸς πρὸς τετραγώνῳ ἀριθμὸν, ὅστις τὰς πλευρὰς ἐξήμκει συμμέτρως.

Theor. 7. Propo. 9.

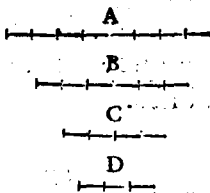
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habent quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habent inter se quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Ἐὰν τεσσαρεσς μεγέθη ἀνάλογον ᾦ, καὶ τὸ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ
 σύμμετρον ἔσται. καὶ τὸ πρῶτον τῷ δευτέρῳ ἀσύμ-
 μετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ ἀσύμμετρον
 ἔσται.

Theor. 8. Propo. 10.

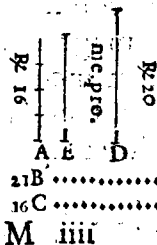
Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima ve-
 rò secundæ fuerit
 commensurabilis,
 tertia quoq; quar-
 tæ commensurabi-
 lis erit. quòd si pri-
 ma secundæ fuerit
 incommensurabilis, tertia quoque quar-
 tæ incommensurabilis erit.



ἢ καὶ πρὸς τὴν αὐτὴν ἀριθμὸν ἀνάλογον ᾦ, καὶ τὸ πρῶτον τῷ
 δευτέρῳ σύμμετρον ᾦ, καὶ τὸ τρίτον τῷ τετάρτῳ ἀσύμμετρον
 ἔσται.

Proble. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥητὴν vocari di-
 ximus) reperire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



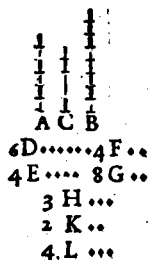
lam verò non longitudine tantùm , sed etiam potentia incommensurabilem.

ιβ

Τὰ ὅλ' αὐτῶ μεγέθη σύμμετρα, ὁ ἀλλήλοις ὄντι σύμμετρα.

Theor.9.Prop.12.

Magnitudines quæ eadem magnitudini sunt commensurabiles, inter se quoque sunt commensurabiles.

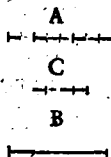


ιγ

Ἐὰν ἢ δύο μεγέθη, καὶ τ' ἄλλ' σύμμετρον ἢ ὅλ' αὐτῶ, τ' ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor.10.Prop.13.

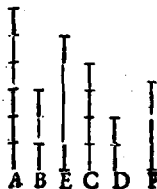
Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem commensurabilis sit tertiæ magnitudini , illa verò eidem incommensurabilis, incommensurabiles sunt illæ duæ magnitudines.



ιδ

Ἐὰν ἢ δύο μεγέθη σύμμετρα, τ' ἕτερον αὐτῶ

furabilis lōgitudine. Quōd si prima pos-
sit plusquā secunda qua-
drato lineæ sibi longitu-
dine incommensurabi-
lis: tertia quoque poterit
plusquam quarta quadra-
to lineæ sibi incommen-
surabilis longitudine.

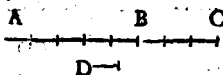


15

Ἐὰν δύο μεγέθη σύμμετρα σιωτεθῇ, καὶ ὅλον
ἐκαστέρῳ αὐτῶν σύμμετρον ἔσαι. καὶ ὅλον ἐνὶ αὐ-
τῶν σύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμ-
μετρα ἔσαι.

Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines commensurabiles
componantur, tota magnitudo compo-
sita singulis partibus commensurabilis e-
rit. quōd si tota magnitudo composita
alterutri parti commē-
surabilis fuerit, illæ
duæ quoque partes cō-
mensurabiles erunt.

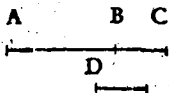


16

Ἐὰν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα σιωτεθῇ, καὶ ὅλον
ἐκαστέρῳ αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσαι. καὶ ὅλον ἐνὶ
αὐτῶν ἀσύμμετρον ἦ, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀ-
σύμμετρα ἔσαι.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.

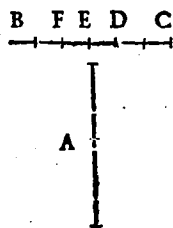


Ἐὰν ὦσι δύο διδεῖαι ἄνισοι, ὅς τε τέταρτον μέρει ἅπλοῦς ἐλάσσονος ἴσον παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλλείπον εἰδίς τετραγώνου, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαίρει μήκη, μείζων αὐτῆς ἐλάσσονος μείζον διωθήσεται, ὅς τε ἅπλοῦς σύμμετρα αὐτῆς μήκη. Ὅτι ἐὰν ἡ μείζων αὐτῆς ἐλάσσονος μείζον διωθῇται, ὅς τε ἅπλοῦς σύμμετρα αὐτῆς μήκη. Ὅτι ἐὰν ἡ μείζων αὐτῆς ἐλάσσονος μείζον διωθῇται, ὅς τε ἅπλοῦς σύμμετρα αὐτῆς μήκη. Ὅτι ἐὰν ἡ μείζων αὐτῆς ἐλάσσονος μείζον διωθῇται, ὅς τε ἅπλοῦς σύμμετρα αὐτῆς μήκη. Ὅτι ἐὰν ἡ μείζων αὐτῆς ἐλάσσονος μείζον διωθῇται, ὅς τε ἅπλοῦς σύμμετρα αὐτῆς μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à minore, æquale parallelogrammū ap-

plicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineam illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tãto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si maior plus possit quàm minor, tãto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammũ applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.



13

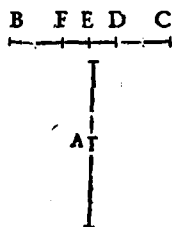
Ἐὰρ ὡς ἡ δύο εἰς δύο ἀνίστοι, ὥς ἡ τετάρτη μέρος

τὸ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος ἴσον παρὰ τὴν μείζονα παρεβλήθη ἢ ἐλλείπου εἶδη τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαιρεῖ μήκη, ἢ μείζων τοῦ ἐλάσσονος μείζον διωκῆσεται, ὅθεν ἀπὸ ἀσυμμέτρων αὐτῇ καὶ ἂν ἢ μείζων τοῦ ἐλάσσονος μείζον διύνηται ὅθεν ἀπὸ ἀσυμμέτρων αὐτῇ, ὅθεν ὁ τετάρτος τὸ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος ἴσον παρὰ τὴν μείζονα παρεβλήθη ἢ ἐλλείπου εἶδη τετραγώνῳ, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαιρεῖ μήκει.

Theor. 16. Prop. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autē parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrānum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantū excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrānum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tanto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quòd si maior linea tantò plus possit quàm minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti

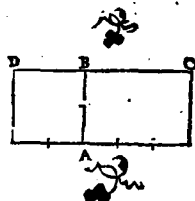
quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius: parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se incommensurabiles longitudine.



κ
τὸ ὑπὸ ῥητῶν μήκη συμμέτρων κατὰ ἕνα τῶν προσημένων τρόπων θιθεῖων ἀδυνατῶν οὐδὲν ὅσον ὁ γωνίον, ῥητὸν ὄντι.

Theor. 17. Propo. 20.

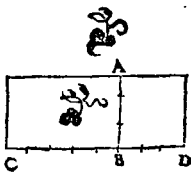
Superficies rectangula contenta ex lineis rectis rationalibus longitudine commensurabilibus secundum vnum aliquem modum ex antedictis, rationalis est.



κα
Ἐὰν ῥητὸν παρὰ ῥητῶν παραβληθῇ, πλάτος ποιῇ ῥητῶν καὶ σύμμετρον τῇ παρ' ᾧ παραβλίνεται, μήκη.

Theor. 18. Propo. 21.

Si rationale secūdum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

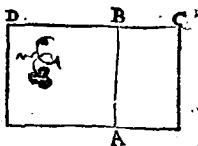


κβ

Τὸ ὡς ἐπὶ τῷ διωαμῇ μόνον συμμέτρου ἐστὶ τὸ ὡς ἐπὶ τῷ διωαμῇ ὁρθογώνιον ἄλογόν ἐστι, καὶ ἡ διωαμὴ ἐν αὐτῷ, ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ μέσην.

Theor. 19. Propo. 22.

Superficies rectangula cōtenta duabus lineis rectis rationalibus potētia tantum cōmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.

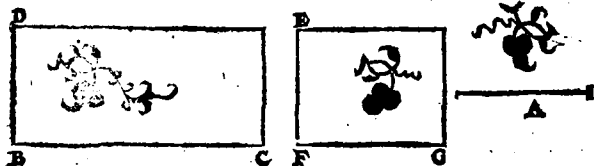


κγ

Τὸ ἄρ' ἐκ μέσης παρὰ ἐπὶ τῶν παραβαλλόμενων, πλάτος ποιεῖ ἐπὶ τῶν καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' ᾧ παρακτείνεται, μήκει.

Theor. 20. propo. 23.

Quodam lineæ medialis applicati secū-
dum unam rationalem, alterum latus
est lineæ rationalis, & incommensurabi-
lis longitudine lineæ secundum quam
applicatur.

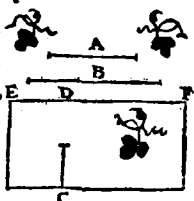


κδ

Ἡ τῇ μέσῃ συμμέτρῳ, μέσθ' ἔστιν.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali com-
mensurabilis, est ipsa quo-
que medialis.

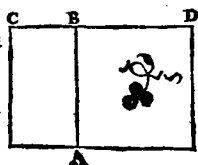


κε

Τὸ ἄνω μέσων μήκει συμμέτρῳ ὁρθῶν ἀντι-
χόμηνον ὁρθογώνιον, μέθ' ἔστιν.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectan-
gulum contentum ex li-
neis medialibus longitu-
dine commensurabilibus,
mediale est.



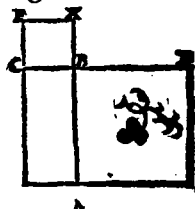
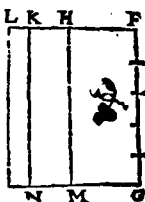
Τὸ ἄνω

κ δ

Τὸ ἄνω μέσων διωάμει μόνον συμμετρῶν περιεχόμενον ὁρθογώνιον, ἢ τι ἐν τῷ, ἢ μέσον ὄντι.

Theor. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum duabus lineis medialibus potentia tantum communisurabilibus, vel rationale est, vel mediale.

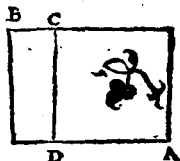
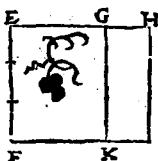


κ ε

Μέσων μέσων ἐν ὑποδέχεται ἐν τῷ.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale non est maius quam mediale superficie rationali.



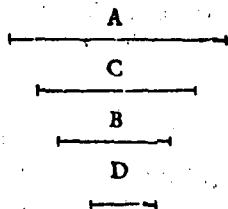
κ η

Μέγας ἐν ῥῶν διωάμει μόνον συμμετρῶν, ἐν τῷ περιεχόμενος.

N

Probl.4.Propo.28.

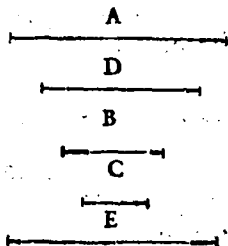
Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commensurabi-
les rationale com-
prehendentes.



κ θ
μέγας εὐρεῖν δύναμει μόνον συμμετρως μέσον πε-
ριεχόμενος.

Probl.5. Propo.29.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commensura-
biles mediale com-
prehendentes.

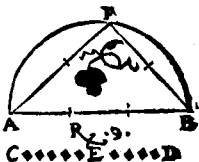


λ
εὐρεῖν δύο ῥητὰς δύναμει μόνον συμμετρως, ὥς ε-
πιώ μείζονα αὐτῶν ἐλάττωτον αὐτῶν μείζον δύνασθαι ἵσθαι
ἀλλ' ὅτι συμμετρως ἑαυτῇ μήκει.

Probl.6. Propo.30.

Reperire duas rationales potentia tan-

tum commensurabiles huiusmodi, ut maior ex illis possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

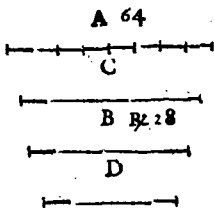


λα.

Εὐρεῖν δύο μέγας διωάμει μόνον συμμέτρους ἑνὸς τε ὁδομεχέως, ὥς ἐτιώ μείζονα αὖ ἐλάσσονος μετρίον διύνασθαι ἵδ' ἀρ' συμμέτρους ἑαυτῇ μήκει.

Proble.7.Propo.31.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentes, tales inquam, ut maior possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.



λβ

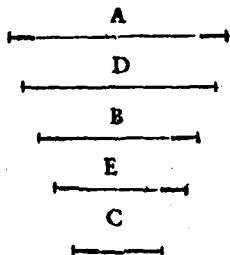
Εὐρεῖν δύο μέγας διωάμει μόνον συμμέτρους μέγας ὁδομεχέως, ὥς ἐτιώ μείζονα αὖ ἐλάττωτος μετρίον διύνασθαι ἵδ' ἀρ' συμμέτρους ἑαυτῇ.

Probl.8.Propo.32.

Reperire duas lines mediales potentia

N ii

tantum commensurabiles medialē superficiem continētes, huiusmodi ut maior plus possit quā minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

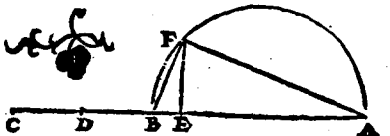


λγ

Εὐρεῖν δύο διθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποῖός τις ἔσῃ συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου ἑκτόν, ὃ ὑπὸ αὐτῆς μέσον.

Probl. 9. Propo. 33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiē rationalē, parallelogrammū verò ex ipsius contentum sit mediale.



λδ

Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποῖός τις ἔσῃ συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου μέσον, ὃ δ' ὑπὸ αὐτῆς ἑκτόν.

Probl. 10. Propo. 34.

Reperire lineas duas rectas potentia incommensurabiles, conficientes compo-

fitum ex *msu*

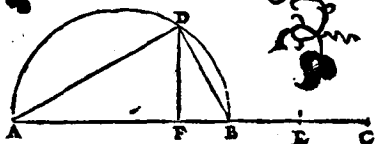
ipfarũ qua

dratis me

diale , pa-

rallclográ

munverò

 $\lambda \varepsilon$

Εὐρεῖν δὴ οὐ θείας διωαμένη ἀσυμμέτρως, ποτέ τις
τότε συγκεῖμλοισιν ἡν' ἀπ' αὐτῇ τετραγώνω
μέσοισι, καὶ ὑπ' αὐτῇ μέσοισι, ὅ ἐν ἀσύμμετρον
ἔστι συγκεκλιμένω ἡν' ἀπ' αὐτῇ τετραγώνω.

Probl. II. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incommensurabiles, conficientes id quod

ex ipsarum quadratis componitur me-

diale, simúlque parallelogrammum ex i-

psis cōtentū, mediale, quod præterea pa-

Paralelogram

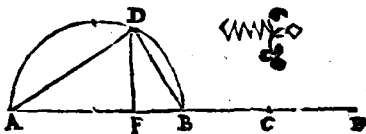
mũ sit in-

commen-

furabile**composi-**

to ex qua-

dratis ipsarum.



E V C L I D . E L E M E N . G E O M .

ἈΡΧΗ ΤΩΝ ΚΑΤΑ ΣΥΝ =

θεσιμ' ἐξ αὐτῶν.

λ 5

Ἐὰν δύο ῥηταὶ διωάμῃ μόνον σύμμετροι σωτε-
θῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογόσ' ᾖσι. καλεῖσθω δὲ ἐκ δύο
ὀνοματῶν.

PRINCIPIUM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potentia tantum com-
mensurabiles componantur, tota linea e-
rit irrationalis. Vocetur
autem Bino-
mium.



λ 8

Ἐὰν δύο μέσαι διωάμει μόνον σύμμετροι σωτε-
θῶσι ῥητῶν πωδέχεται, ἢ ὅλη ἀλογόσ' ᾖσι. καλεῖ-
σθω δὲ ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum com-
mensurabiles rationale continentes co-
ponantur, to-
ta linea est ir-
rationalis.



vocetur autem Bimediale prius.

λ η

Ἐὰν δύο μέτρα διωσάμει μόνου σύμμετροι σωτε-
θῶσι μέσων περιέχεται, ἡ ὅλη ἄλογός ἐστι καλεί-
σθαι ὅ ἐκ δύο μέσων διωτέρας.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum com-
mensurabiles mediale cō 
tinentes componantur,
tota linea est irrationalis.
vocetur autem Bimedia-
le secundum.

λ θ

Ἐὰν δύο θίθεῖαι διωσάμει ἀσύμμετροι σωτεθῶ-
σι ποιεῖται τὸ συνκείμενον ἐκ τῶν αὐτῶν τε-
τραγώνων ἐκ τῶν ὑπὸ αὐτῶν μέσων, ἡ ὅλη θί-
θεῖα ἄλογός ἐστι καλεῖσθαι ὅ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes compo-
situm ex quadratis ipsarum rationale, pa-
rallelogrammum verò ex ipsis conten-
tum mediale, tota linea recta est irratio-
nalis. Voce-
tur autem 
nea maior.

N iii

Εὰν δύο θείαι διωαμή ασύμμετροι σωτεθώ-
σι, ποιῆται τὸ συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
τραγώνων μέσον, & δὲ ὑπὸ αὐτῶν ῥηθῆναι ἥ ὅλη ἐν-
ταῖα ἀλογόσ ἐστι. καλεῖται δὲ ῥηθῆναι καὶ μέσον διω-
ναμένη.

Theor. 29. Propo. 40.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes compo-
situm ex ipsarum quadratis mediale, id
verò quod fit ex ipsis, rationale, tota li-
nea est irra-
tionalis. Vo-
cetur autem
potens rationale & mediale.

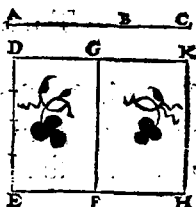


Εὰν δύο ἐνταῖαι διανάμει ασύμμετροι σωτεθώ-
σι ποιῆται τὸ, τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
τραγώνων μέσον, καὶ δὲ ὑπὸ αὐτῶν μέσον, καὶ ἐν
ασύμμετρον τὸ συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε-
τραγώνων, ἥ ὅλη θεία ἐνταῖα ἀλογόσ ἐστι. καλεῖται δὲ
δύο μέτρα διωαμένη.

Theor. 30. Propo. 41.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes compo-
situm ex quadratis ipsarum mediale, &
quod cōtinetur ex ipsis, mediale, & præ-

terea incommensurable
composito ex quadratis
ipsarum, tota linea est ir-
rationalis. Vocetur autē
Potens duo medialia.



$\mu\beta$
Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καθ' ἓν μόνον σημεῖον δια-
γίνεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

Binomium in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina, id est in li-
neas ex quibus
componitur.



$\mu\gamma$
Ἡ ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἓν μόνον σημεῖον
διαγίνεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Propo. 43.

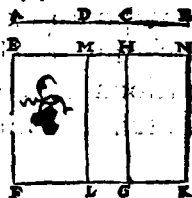
Bimediale prius in vnico tantum puncto
diuiditur in sua
nomina.



$\mu\delta$
Ἡ ἐκ δύο μέσων δευτέρα καθ' ἓν μόνον σημεῖον
διαγίνεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 33. Propo. 44.

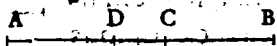
Bimediale secundum in
vnico tantum puncto di-
uiditur in sua nomina.



μ.ε.
Ἡ μείζων κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαιρεῖται
εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

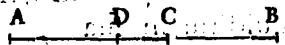
Linea maior in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina.



μ.σ.
Ἡ ῥητὴ καὶ μέσων διωαμένη κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον ση-
μεῖον διαιρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

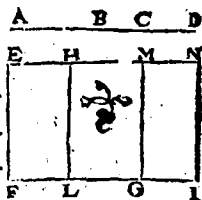
Linea potens rationale & mediale in v-
nico tantum pū-
cto diuiditur in
sua nomina.



μ.ζ.
Ἡ δύο μέτρα διωαμένη κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημείον δι-
ρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 36. Pro-
posi. 47.

Linea potēs duo media-
lia in vnico tantum pun-
cto diuiditur in sua no-
mina.



ὍΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

Υποκειμένης ῥητῆς, καὶ αὐτὴ ἐν δύο ὀνομάταις διαιρεμένης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς εἰς μείζον ὄνομα ἔλαττον ὁ μείζων δύναται ὅθεν ἀπὸ συμμετρίας ἑαυτῇ μήκει.

α,

Ἐὰν μὲν εἰς μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ μήκη τῇ ἐνκειμένης ῥητῇ, καλεῖσθαι ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

β

Ἐὰν δὲ εἰς ἐλάττω ὄνομα σύμμετρον ᾖ μήκη τῇ ἐνκειμένης ῥητῇ, καλεῖσθαι ἐκ δύο ὀνομάτων διωττέρα.

γ

Ἐὰν δὲ μηδέτερον τῶν ὀνομάτων σύμμετρον ᾖ μήκη τῇ ἐνκειμένης ῥητῇ, καλεῖσθαι ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτη.

Πάλιν δὲ ἂν εἰς μείζον ὄνομα ἔλαττω ὁ μείζων δύνηται ὅθεν ἀπὸ ἀσυμμετρίας ἑαυτῇ μήκη.

Εὰν ^δ ᾤσ' μείζον ὄνομα σύμμετρον ᾖ μήκῃ τῇ ἐκκεί-
 μένῃ ῥητῇ, καλεῖσθαι ἐκ δύο ὀνομάτων τεταρτη.

Εὰν ^ε ᾤσ' ἑλάττω, πέμπτη.

Εὰν ^ζ ᾤ μηδέτερον, ἕκτη.

DEFINITIONES
 secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio diuiso in
 sua nomina, cuius binomij maius nomē, id est
 maior portio possit plusquam minus nomen
 quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,
 commensurabilis longitudine:*

¹
*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile
 longitudine propositæ lineæ rationali, Vocetur
 tota linea Binomium primum:*

²
*Si verò minus nomē, id est minor portio Bino-
 mij, fuerit commensurabile longitudine propo-
 sitæ lineæ rationali, Vocetur tota linea Binomij
 secundum:*

³
*Si verò neutrum nomen fuerit commensurabile
 longitudine propositæ lineæ rationali, Vocetur
 Binomium tertium.*

Rursus si maius nomen possit plusquam minus
nomen quadrato lineæ sibi incommensurabilis
longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurabile lon-
gitudine propositæ lineæ rationali, Vocetur tota
linea Binomium quartum:

5

Si verò minus nomē fuerit commensurabile lon-
gitudine lineæ rationali, Vocetur Binomiū quin-
tum.

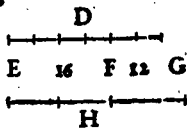
6

Si verò neutrum nomen fuerit longitudine com-
mensurabile lineæ rationali, Vocetur illa Bino-
mium sextum.

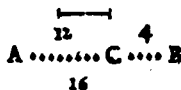
μ η

Ἐυρεῖν τιτὼ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτων.

Probl. 12. Pro-
posi. 48.



Reperire Binomiū pri-
mum.



μ θ

Ἐυρεῖν τιτὼ ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρων.

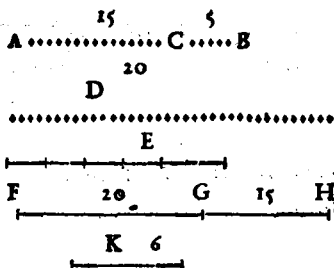
Proble. 13. Pro-
posi. 49.



Reperire Binomiū se-
cundum.

Ἐυρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τρίτην.

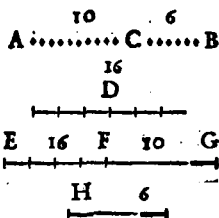
Probl. 14.
Pro. 50.



Reperire
Binomium
tertium.

Ἐυρεῖν τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

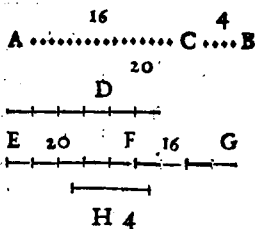
Probl. 15. Pro-
posi. 51.



Reperire Binomiū
quartum.

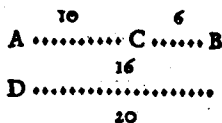
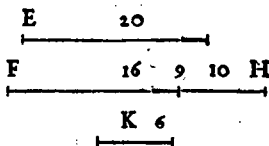
γβ.

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων ἀέμπτιω.

Probl. 16. Propo-
siti. 52.Reperire Bino-
mium quintum.

γγ

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων ἑκτίω.

Probl. 17. Propo-
siti. 53.Reperire Bino-
mium sextum.

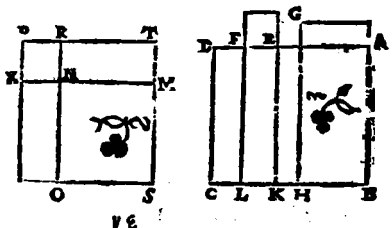
γδ

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ἐπὶ ῥῆτι καὶ αὐτὸ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ ἑξ χωρίον διωαμένη ἀλογός ἔστι καὶ καλυμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 37. Propo. 54.

Si superficies contenta fuerit ex rationa-

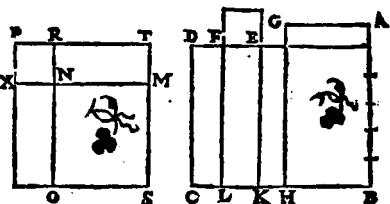
li & Binomio primo, linea quæ illam superficiem potest est irrationalis, quæ Binomium vocatur.



Εἴ ἂν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἑνὶ ἐκ δύο ὀνομάτων διδυτέρῳ, ἢ ὃ χωρίον διωαμένη ἄλογός ὅς ἐστι ἢ καλυμένη ἐκ δύο μέσων πρώτῃ.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secundo, linea potēs illā superficiem est irrationalis, quæ Binomiale primū vocatur.

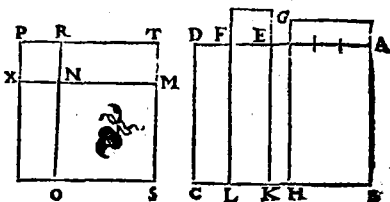


Εἴ ἂν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἑνὶ ἐκ δύο ὀνομάτων βίτῃς, ἢ ὃ χωρίον διωαμένη ἄλογός ὅς ἐστι ἢ καλυμένη ἐκ δύο μέσων διδυτέρῳ.

Theor. 39. Propo. 56.

Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

Binomio tertio, linea quæ illâ superficiē
potest, est
irrationalis, quæ dicitur Bi-
mediale
secūdum.



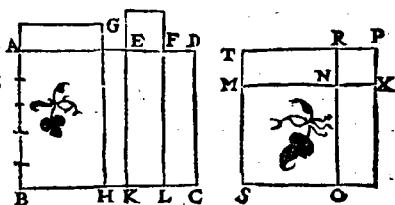
νζ

Εἴ ἂν χωρίον ποδμήχῃται ἑξ ὁδοῦ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο
ὀνομάτων τετάρτης, ἢ τῆς χωρίου διωαμένη ἄλογος
ᾗς, ἢ καλεμένη μεζωρ.

Theor. 40. Propo. 57.

Si superficies contineatur ex rationali &
Binomio

quarto, li-
nea potēs
supficiem
illam, est
irrationalis, quæ dicitur maior.



νη

Εἴ ἂν χωρίον ποδμήχῃται ἑξ ὁδοῦ ῥητῆς καὶ τῆς ἐκ δύο
ὀνομάτων πέμπτῃς, ἢ τῆς χωρίου διωαμένη ἄλογος
ᾗς, ἢ καλεμένη ῥητὴν ὁ μέσον διωαμένη.

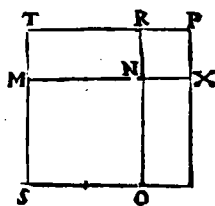
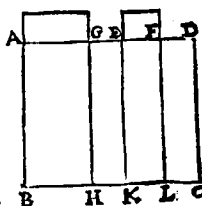
Theor. 41. Prop. 58.

Si superficies contineatur ex rationali &
Binomio quinto, linea quæ illam super-

Ο

ficiē po-
test, est
irratio-
nalis quę
dicitur

potēs ra-
tionale & mediale.

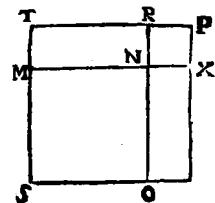
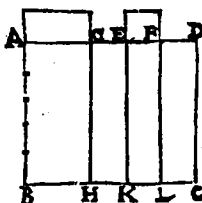


υ θ

Εάν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἁπλῆς ἐκ δύο
ὀνομάτων ἑκτῆς, ἢ ἑ χωρίον διωαμένη ἀλογός ὄσιν,
ἢ καλυμένη δύο μέτρα διωαμένη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali &
Binomio sexto, linea quę illam super-
ficiē po-
test, est
irratio-
nalis,
quę dici-
tur po-
tens duo medialia.

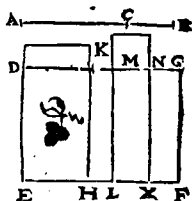


ξ

Τὸ ἁπλῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

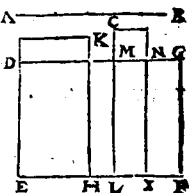


ξ α

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἐν δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητῇ παρβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐν δύο ὀνομάτων διδυτέραν.

Theor. 44. Propo. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.



ξ β

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἐν δύο μέσων διδυτέρας παρὰ ῥητῇ παρβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐν δύο ὀνομάτων ξίτιν.

Theor. 54. proposit. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



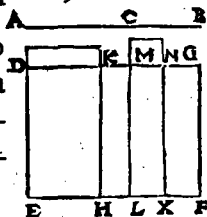
O ii

$\xi\gamma$

Τὸ ἀπὸ αὐτῆς μείζον παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maio-
ris secundum lineam ra-
tionalem applicatū, fa-
cit alterum latus Bino-
mium quartum.

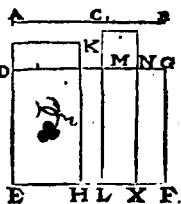


$\xi\delta$

Τὸ ἀπὸ αὐτῆς ῥητὴν ἐ μέσον διωαμένης παρὰ ῥητῶν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των πέμπτην.

Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ poten-
tis rationale & mediale
secundū rationalem ap-
plicatum, facit alterū la-
tus Binomium quintum.

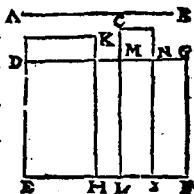


$\xi\epsilon$

Τὸ ἀπὸ αὐτῆς ἐκ δύο μέτε διωαμένης παρὰ ῥητῶν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν, ἐκ δύο ὀνο-
μάτων ἕκτην.

Theor. 48. Propo. 65.

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secun-
dum rationalem appli-
catum, facit alterum la-
tus Binomium sextum.

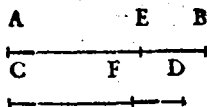


ξ 5

Ἡ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκει σύμμετρος, ὅ αὐτῇ
ἐκ δύο ὀνομάτων ὄσιν, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτῇ.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea lōgitudine cō-
mēsurabilis Binomio
est & ipsa Binomium
eiusdem ordinis.

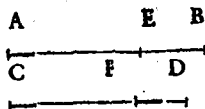


ξ 2

Ἡ τῇ ἐκ δύο μέσων μήκει σύμμετρος, ἐκ δύο μέ-
σων ὄσιν, ὅ τῇ τάξει ἡ αὐτῇ.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea lōgitudine cō-
mensurabilis alteri bi
medialium, est & ipsa
bimediale etiam eius-
dem ordinis.



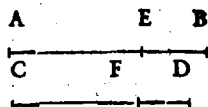
ξ η

Ἡ τῇ μείζονι σύμμετρος, καὶ αὐτῇ μείζων ἐστίν.

O iii

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabi
lis lineæ maiori, est &
ipsa maior.

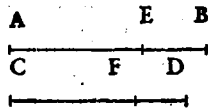


ξ θ

Ἡ τῇ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη σύμμετρον, καὶ αὐτῇ
τῇ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη ὅστις.

Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti ra
tionale & mediale, est
& ipsa linea potēs ra
tionale & mediale:

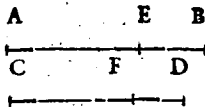


ο

Ἡ τῇ δύο μέγεθ διωαμένη σύμμετρον, δύο μέγεθ
διωαμένη ὅστις.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabi
lis lineæ potenti duo
medialia, est & ipsa li
nea potens duo me
dialia.

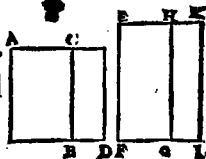


ο α

ῤητῶ καὶ μέσῳ σωζόμενα, τέσσαρες ἄλογοι γίνον
ται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων πρώτων,
ἢ μείζων, ἢ ἐκ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη.

Theor. 54. Prop. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est vna ex quatuor irrationalibus,  **vel** ea quæ dicitur Bino-
mium, vel bimediale pri-
mum, vel linea maior, vel
linea potens rationale &
mediale.

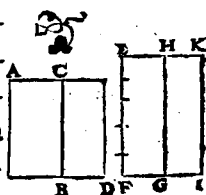


αβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις σωρευθέντων,
αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέ-
σων διδυτέρως, ἢ ἢ δύο μέγεθ. διωραμένη.

Theor. 55. Propo. 72.

Si duæ superficies media-
les incommensurabiles si-
mul cōponantur, fiunt re-
liquæ duæ lineæ irrationa-
les, vel bimediale secun-
dum, vel linea potēs duo
medialia.



Oiii

Η' ἐκ δύο ὀνομάτων Ε' αἱ μετ' αὐτῶν ἄλογοι,

ἔτε τῇ μέσῃ, ἔτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παρεμβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ ῥητῶν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' ἧ
παράκειται, μήκει.

Τὸ δ' ἀπὸ Ε' ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητῶν παρε-
μβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ Ε' ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητῶν
παρεμβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο
ὀνομάτων διδυτέρων.

Τὸ δὲ ἀπὸ Γ' ἐκ δύο μέσων διδυτέρας παρὰ ῥη-
τῶν παρεμβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ
δύο ὀνομάτων τρίτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ Γ' μείζονος παρὰ ῥητῶν παρεμβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ Γ' ῥητὴν Ε' μέσων διωαμένης παρεβαλ-
λόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτων.

Τὸ ὅ ἀφ' ᾧ δύο μέγεθω διαμενῆς παρὰ ῥητῶ πα-
ραβαλλόμενον, πλάτθ' ποιεῖ, τῶ ἐκ δύο ὄντων μά-
τερ' ἐκτῶ.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτθ' διαφέρει τῶτε πρώ-
του καὶ ἀλλήλων, ἢ ᾧ πρώτου, ὅτε ἐκ τῶν, ἀλλή-
λων, ὅτε τῇ τάξει ἐκείνων αἱ αὐταὶ, διαφέρωσιν ὡς
αὐταὶ αἱ ἄλλοι διαφέρουσιν ἀλλήλων.

S C H O L I U M.

*Binomium & ceteræ consequentes lineæ irratio-
nales, neque sunt eadem cum lineâ mediâ;
neque ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum se-
cundum lineam rationalem, facit alterum la-
tus lineam rationalem, & longitudine incom-
mensurabilem lineæ secundum quam applica-
tur, hoc est, lineæ rationali, per 23.*

*Quadratum verò Binomij secundum rationale
applicatum, facit alterum latus Binomium
primum, per 60.*

*Quadratum verò Bimedialis primi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-
nomium secundum, per 61.*

*Quadratum verò Bimedialis secundi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum Verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum Verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum Verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines vocantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irracionales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑ ΞΕΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΔΟ-

γων⁷ καὶ ἀφαίρεσις.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιν ἐξωδωρ.

γ^ο

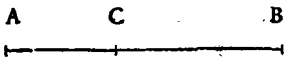
Εἴαν ἂν εἴητις εἴητι ἀφαίρεθῇ πλωσάμει μόνον σύμμετρον ὅτι τῇ ὅλῃ, ἢ λοιπὴ ἀλογός ἐστι καλεῖσθαι ἀποτομήν.

SECVNDVS ORDO ALTERIVS
sermonis, qui est de detractione.

Principium senariorum per detractionem.

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis. vocetur autem Residuum.



ο δ

Ἐὰν ἀπὸ μέσης λέσση ἀφαιρεθῇ διωάμη μόνου σύμμετρο ἔξῃ τῇ ὅλῃ, μετὰ ὃν ὅλης ἐν τῷ περιέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστὶ. καλεῖσθαι ὃ μέσης ἀχτομὴ πρώτη.

Probl. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum tota continet superficiem rationalem, residua est irrationalis.

Vocetur autem



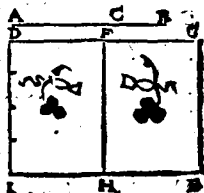
Residuum mediale primum.

ο ε

Ἐὰν ἀπὸ μέσης μέσση ἀφαιρεθῇ διωάμη μόνου σύμμετρο ἔξῃ τῇ ὅλῃ, μετὰ ὃν ὅλης μέσου ποδμέχῃ, ἡ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστὶ. καλεῖσθαι ὃ μέσης ἀχτομὴ δεύτερα.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cū tota contineat superficiē medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autē Residuum mediale secundum.



ο 5

Ἐὰν ἀπὸ διθείας διθεία ἀφαιρεθῇ δυναμει ἄ-
σύμμετρον ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ἧς ὅλης ποιῆται ὅ-
τι ἀπ' αὐτῆς ἅμα ῥητὸν, ὅτι ὑπ' αὐτῆς μέσοι, ἢ
λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ ἐλάσσων.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta pote-
tia incommensurabilis toti, compositum
autem ex quadratis totius lineæ & lineæ
detractæ sit rationale, parallelogrammū
verò ex iisdem contentum sit mediale, re-
liqua linea erit
irrationalis. Vo-
cetur autem li-
nea minor.



ο 7

Ἐὰν ἀπὸ διθείας διθεία ἀφαιρεθῇ δυναμει ἄ-
σύμ-
μετρον ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ἧς ὅλης ποιῆται ὅ-
τι ἀπ' αὐτῆς ἅμα ῥητὸν, ὅτι ὑπ' αὐτῆς μέσοι, ἢ
λοιπὴ ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ ἐλάσσων.

συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου, μέ-
 σον, & ὅστις ὑπ' αὐτῆς, ἔρητον, ἢ λοιπὸν ἄλογός ἐστι.
 καλείω δὲ μετὰ ἔρητον μέσον & ὅλον ποιεῖν.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
 tia incommensurabilis toti lineæ, cōposi-
 tum autem ex quadratis totius & lineæ
 detractæ sit mediale, parallelogrammum
 verò bis ex eisdem cōtentum sit rationa-
 le, reliqua linea est irrationalis. Vocetur
 autem linea faciens cum superficie ra-
 tionali totam su-
 perficiem me-
 dialem.



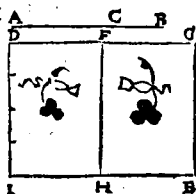
ο η

Ἐὰρ ἀπὸ διθείας διθεία ἀφαιρεθῇ διωαμὴ ἀσύμ-
 μετρος ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ὅλῃ ὅλης ποιῶν & ὅ-
 συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου, μέσον,
 & ὅστις ὑπ' αὐτῆς, μέσον, ἔτι δὲ τὰ ἀπ' αὐτῆς τε-
 τραγωνα ἀσύμμετρος ἔσται, ὅστις ὑπ' αὐτῆς, ἢ λοι-
 πὸν ἄλογός ἐστι. καλείω δὲ ἢ μετὰ μέσον μέσον &
 ὅλον ποιεῖν.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
 tia incommensurabilis toti lineæ, cōposi-
 tum autem ex quadratis totius & lineæ
 detractæ sit mediale, parallelogrammū

verò bis ex iisdem sit etiam mediale: præ-
terea sint quadrata ipsarum incommen-
surabilia parallelogrammo bis ex iisdem
contēto, reliqua linea est
irrationalis. Vocetur au-
tem linea faciens cum su-
perficie mediali totam su-
perficiem medialem.

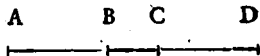


οθ

τῇ ἀποτεμῇ μία μόνου προσαρμόζει ὁρθεῖα ῥητὴ,
διωάμει μόνου σύμμετρον ἔσται τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantū linea recta cōiungi-
tur rationalis, po-
tētia tantūm cōmē-
surabilis toti lineæ.

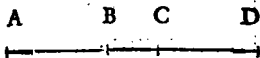


π

τῇ μέσῃ ἀποτεμῇ πρώτη μόνου μία προσαρμό-
ζει ὁρθεῖα μέση, διωάμει μόνου σύμμετρον ἔσται
τῇ ὅλῃ, μετὰ ὃ ὅλης ῥητῆς περιέχεται.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantūm li-
nea coniungitur medialis, potentia tan-
tūm commēsurabi-
lis toti, ipsa cum to-
ta continens ratio-
nale.

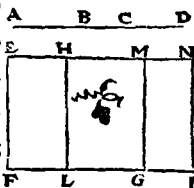


πα

τῇ μέσῃ ἀρτομῇ διδυτέρα μία μόνου πρὸς ἀρ-
μόζει διδυτὰ μέση, διωάμει μόνου σύμμετρο
ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ὃ ὅλης μέσου πᾶν ἐλάττω.

Theor. 62. Proposi. 81.

Residuo mediali secundo
vnica tantum coniungi-
tur medialis, potētia tan-
tum commensurabilis to-
ti, ipsa cum tota continēs
mediale.



π β

τῇ ἐλάσσονι μία μόνου πρὸς ἀρμόζει διδυτὰ διωά-
μι ἀσύμμετρος ἔσται τῇ ὅλῃ, πᾶν ἐλάττω τῇ ὅλῃς
ἢ ἐκ τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνου, ἑνὲρ, ὃ ὅλης
ὑπ' αὐτῇ, μέγρο.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineę minori vnica tantum recta coniū-
gitur potentia incommensurabilis toti,
faciens cum tota compositū ex quadra-
tis ipsarum rationa-
le, id verò parallelo A B C D
grāmum, quod bis
ex ipsis fit, mediale.

π γ

τῇ μετὰ ἑνὲρ μέγρο ὅλον ποιέση μία μόνου πρὸς
ἀρμόζει διδυτὰ διωάμει ἀσύμμετρο ἔσται τῇ

ἔλγ, μετὰ τὸ ὅλης ποιῶν τὸ συγκείμελον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῆς τετραγώνων, μέσον, τὸ δις ὑπ' αὐτῆς, ῥητόν.

Theor. 64. Propo. 83.

Lineæ facienti cum superficie rationali totam superficiem medialem, vnica tantum coniūgitur linea recta potentia incommensurabilis toti, faciens autem cū tota compositum ex quadratis ipsarum, mediale, id verò quod fit bis ex ipsis,

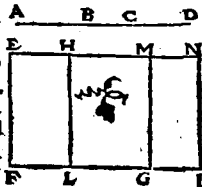


π δ

Τῇ μετὰ μέσων μέσων τὸ ὅλον ποιῶν μία μόνον περιεχόμεναι διὰ τῆς διαστάσεως ἀσύμμετρον ἔσται τῇ ὅλης, μετὰ δὲ τὸ ὅλης ποιῶν τό τε συγκείμελον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῆς τετραγώνων, μέσον, τὸ δις ὑπ' αὐτῆς, μέτρον, καὶ ἔτι ἀσύμμετρον τὸ συγκείμελον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῆς τριῶν δις ὑπ' αὐτῆς.

Theor. 65. Propo. 84.

Lineæ cum mediali superficie faciēti totam superficiem medialem, vnica tantum coniūgitur linea poten-



bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incōmensurable ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΨΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

ὑποκειμένης ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς.

Ἐὰν μὲν ὅλη τις πρῶτα ῥητῆς μείζον διωκται
 ὅθεν ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμ-
 μετροῦ ἢ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καλεῖσθαι ἀ-
 ποτομὴν πρώτην.

Ἐὰν δὲ ἡ πρῶτα ῥητῆς σύμμετροῦ ἢ τῇ ἐκ-
 κειμένῃ ῥητῇ μήκει, ὅλη τις πρῶτα ῥητῆς
 μείζον διωκται ὅθεν ἀπὸ συμέτρων αὐ-
 τῇ, καλεῖσθαι ἀποτομὴν δεύτεραν.

Ἐὰν δὲ μηδετέρα σύμμετροῦ ἢ τῇ ἐκκειμένῃ ῥη-
 τῇ μήκει, ἢ ὅλη τις πρῶτα ῥητῆς μείζον
 διωκται ὅθεν ἀπὸ συμέτρων αὐτῇ, καλεῖσθαι
 ἀποτομὴν τρίτην.

Πάλιν ἔα ἡ ὅλη τις πρῶτα ῥητῆς μείζον δι-
 ωκται ὅθεν ἀπὸ ἀσυσμέτρων αὐτῇ μήκει.

δ

Ἐὰρ ἢ ἡ ὅλη σύμμετρον ἢ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ
μήκτι, καλείομαι ἀποτομὴ τέταρτη.

ε

Ἐὰρ ἡ περὶ ῥεμβόζου, πέμπτη.

ς

Ἐὰρ ἡ μηδιστέρου, ἕκτη.

DEFINITIONES

tertiæ.

Proposita linea rationali & residuo.

1

*Siquidem tota, nempe composita ex ipso resi-
duo & linea illi coniuncta, plus potest quàm
coniuncta, quadrato lineæ sibi commensura-
bilis longitudine, fueritque tota longitudine
commensurabilis lineæ propositæ rationali, re-
siduum ipsum vocetur Residuum primum:*

2

*Si verò coniuncta fuerit longitudine commē-
surabilis rationali, ipsa autem tota plus pos-
sit quàm coniuncta, quadrato lineæ sibi lon-
gitudine commensurabilis, residuum vocē-
tur Residuum secundum:*

3

Si verò neutra linearum fuerit longitudine

commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis vocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plus quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis:

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, vocetur Residuum quartum:

5

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum quintum.

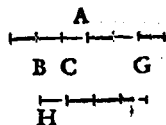
6

Si verò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potentior quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum sextum.

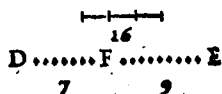
π ε

Εὐερεῖν τὴν πρῶτην ἀποτομὴν.

Probl.18.Pro-
posi. 85.

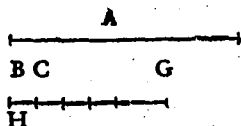


Reperire primum Re-
siduum.

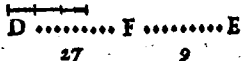


^{π 5}
Ευρεῖν τὴν πλὴντέραν ἀποτομὴν.

Probl.19.Pro-
posi.86.

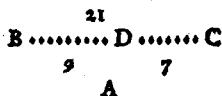


Reperire secundum
Residuum.

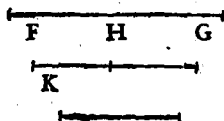


^{π ζ}
Ευρεῖν τὴν βίτην ἀποτομὴν.

Probl.20.Pro-
posi.87.

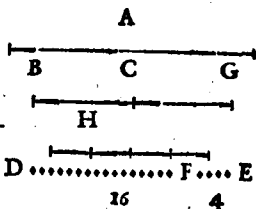


Reperire tertium Re-
siduum.



^{π η}
Ευρεῖν τὴν τετάρτην ἀποτομὴν.

Probl. 21. Pro-
positio. 88.

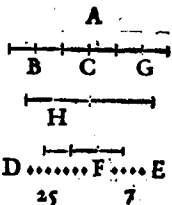


Reperire quantum
Residuum.

π θ

Ἑρεῖν τὴν πλεονέκτων ἀποτομήν.

Problema 22. Pro-
positio 89.

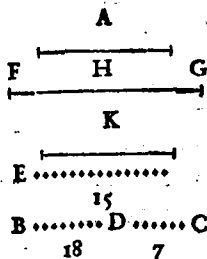


Reperire quintum Resi-
duum.

ζ

Ἑρεῖν τὴν ἐκτείνων ἀποτομήν.

Ploblema 22. Pro-
positio. 90.



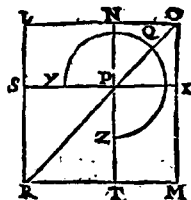
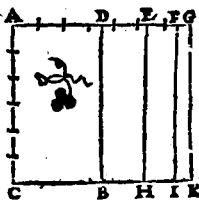
Reperire sextum Resi-
duum.

ζ α

Ἐὰν χαρὶς πλεονέχῃται ὡς ἐκτείνῃς καὶ ἀποτομῆς
πρώτης, καὶ χαρὶς διωχάμεν, ἀποτομὴ δὲ.

Theor.66.Proposi.91.

Si superficies cōtineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiē potest, est residuum.

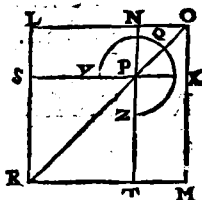
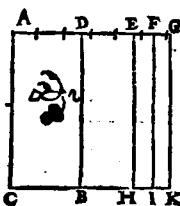


46

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς δευτέρας, ἢ ῥ χωρίον διωαμέν, μέσης ἀποτομῇ ὅτι πρώτη.

Theor.67.Propo.92.

Si superficies cōtineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiē potest, est residuum mediale primum.

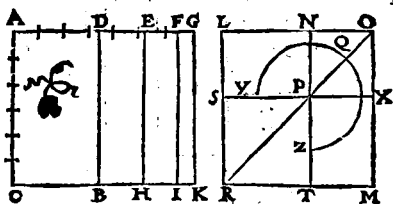


47

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τρίτης, ἢ ῥ χωρίον διωαμέν, μέσης ἀποτομῇ ὅτι δευτέρας.

Theor.68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.

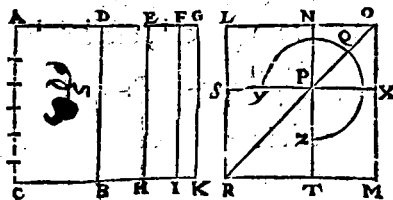


ζ δ

Ἐὰν χωρίου περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς τεταρτης, ἢ ὅ χωρίου διωαμένη, ἐλάσσων ὅσιν.

Theor.69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.

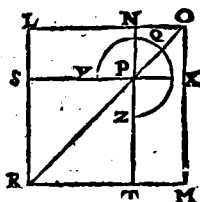
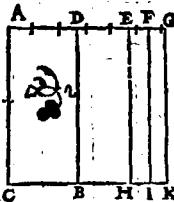


ζ ε

Ἐὰν χωρίου περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς πέμπτης, ἢ ὅ χωρίου διωαμένη, ἢ μετὰ ῥητῆς μέσους ὅλον ποιεῖ ὅσιν.

Theor. 70. Propo. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cum rationali superficie faciens totam medialem.

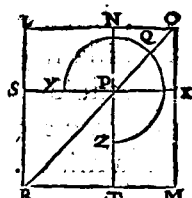
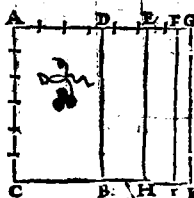


45

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς ἑκτῆς, ἢ πρὸς χωρίον διωαμένη, μετὰ μέσῳ μέσοις ὅλοις ποιεῖ ἄβδ.

Theor. 71. Prop. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediali superficie totam medialem.

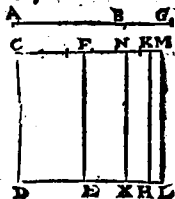


46

Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάττει ποιεῖ ἀρτομνη πρῶτον.

Theor.72.Propo.97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

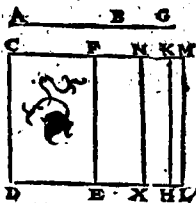


44

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς πρώτης παρὰ ῥητῷ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν διδυτέρου.

Theor.73.Propo.98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum.

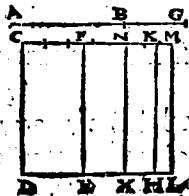


49

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς διδυτέρας παρὰ ῥητῷ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομὴν τρίτου.

Theor.74.Proposi.99.

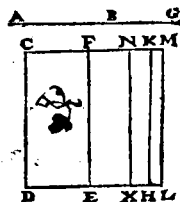
Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.



Τὸ ἀπὸ ἐλάσσονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον,
πλάτθ' ποιῇ, ἀποτομήν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

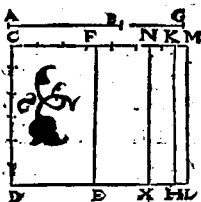
Quadratum lineæ mino-
ris secūdum rationalem
applicatum, facit alterū
latus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητῶν μέσου τῶν ὅλων ποιήσεως παρὰ
ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτθ' ποιῇ, ἀποτο-
μήν τέταρτην.

Theor. 76. Propo. 101.

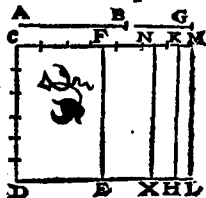
Quadratum lineæ cū ra-
tionali superficie faciētis
totam medialem, secun-
dum rationalem applica-
tum, facit alterū latus re-
siduum quintum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσου μέσου τῶν ὅλων ποιήσεως πα-
ρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, ἀπο-
τομήν πέμπτην.

Theor.77.Propo.102.

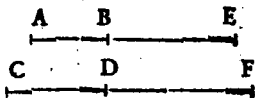
Quadratum lineæ cum mediali superficie facientis totam mediam, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum.



Ἡ τῇ ἀποτομῇ μήκη σύμμετροι, ἀποτομή βίω,
 Ω τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor.78.Propo.103.

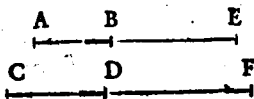
Linea residuo cōmensurabilis longitudine, est & ipsa residuum, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ μέσῃ ἀποτομῇ σύμμετροι, μέση ἀποτομή
 ζῆ, Ω τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor.79.Propo.104.

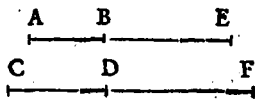
Linea communis residuo mediali, est & ipsa residuum mediale, & eiusdem ordinis.



Ἡ τῇ ἐλάσσονι σύμμετρον, ἐλάσσων ὅστις.

Theor. 80. Prop. 105.

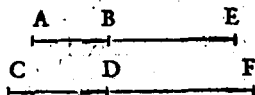
Linea communis
bilis lineæ minori,
est & ipsa linea mi-
nor.



Ἡ τῇ μετὰ ῥητῶν μέσων ὅλον ποιεῖν σύμμετρον,
ἢ αὐτὴ μετὰ ῥητῶν μέσων ὅλον ποιεῖν ὅστις.

Theor. 81. Prop. 106.

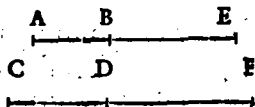
Linea communis
surabilis lineæ cum ra-
tionali superficie facienti totam media-
lem, est & ipsa linea
cū rationali superfi-
cie faciens totā me-
dialem.



Ἡ τῇ μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποιεῖν σύμμετρον,
ἢ αὐτὴ μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποιεῖν ὅστις.

Theor. 82. Prop. 107.

Linea communis lineæ cum me-
diali superficie fa-
ciēti totam media-
lem, est & ipsa cum
mediali superficie
faciens totam medialem.

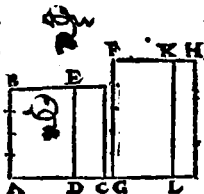


ρ η

Ἀπὸ ρητῆς, μέσας ἀφαιρέμεν, ἢ εἰ λοιπὸν χωρίον
διωαμένη, μία διὺ ἀλόγων γίνεται, ἥτοι ἀποτο-
μή, ἢ ἐλάττωρ.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur su-
perficie medialis, linea quæ reliquam
superficiem potest, est al-
terutra ex duabus irratio-
nalibus, aut Residuum,
aut linea minor.

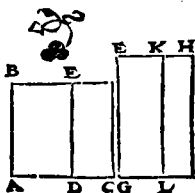


ρ θ

Ἀπὸ μέσας, ρητῆς ἀφαιρέμεν, ἄλλαι διὺ ἀλογοὶ
γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή πρώτη, ἢ μετὰ ρητῆς
εἰ ὅλον ποιεῖ.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali detrahatur su-
perficie rationalis, aliæ
duæ irrationales fiūt, aut
residuū mediale primū,
aut cum rationali superfi-
ciem faciens totam me-
dialem.



ρ ι

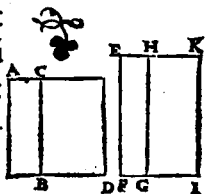
Ἀπὸ μέσας, μέσας ἀφαιρέμεν ἀσύμμετρας εἰ ὅλον,

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή
μὴ διδυτέρω, ἢ μετὰ μέσων μέσων τεύχεον ποιῶσα.

Theor. 85. Propo. 110.

Si de superficie mediali detrahatur superficies medialis quæ sit incōmēsurabilis totī, reliquæ duæ fiunt irrationales, aut residuū mediale secundum, aut cū mediali superficie facienstotam medialem.

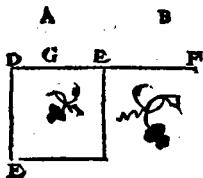


ρια

Ἡ ἀποτομή ἐκ ἑσιν ἢ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομασίων.

Theor. 86. Propo. 111.

Linea quæ Residuū dicitur, nō est eadem cum ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή καὶ αἱ μετ' αὐτῶν ἄλογοι, ὅτε τῇ μέσῃ ὅτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ῥητῶν δ' ἀσύμμετρον τῇ

παρ' ὧ παρακίηται, μήκει.

Τὸ ὃ ἀπὸ ἀπετομῆς παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν πρῶτον.

Τὸ ὃ ἀπὸ μέσης ἀποζυμῆς πρώτης παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν διυτέραν.

Τὸ ὃ ἀπὸ μέσης ἀποζυμῆς διυτέρας παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομήν τρίτην.

Τὸ ὃ ἀπὸ ἐλάττονος παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν τεταρτήν.

Τὸ ὃ ἀπὸ μετὰ ῥητὸς μέσου ὅλου ποιήσεως παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν πέμπτην.

Τὸ ὃ ἀπὸ μετὰ μέσου μέσου ὅλου ποιήσεως παρὰ ῥητὴν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμὴν ἕκτην.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τῶν τε πρώτων ἑλλήλων (τῶν ἡρώτων, ὅτε ῥητὴν ὄν, ἑλλήλων ὃ, ὅτε τάξει ἐκείνων αἱ αὐταὶ) διη-

λομῶς κὶ αὐταὶ αἰ ἄλογοι διαφέρουσιν ἀλλή-
 λωρ. κὶ ἐπεὶ διέσφηται ἡ ἀποζομὴ ἐκ ἑῶς ἡ αὐτῇ
 τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων, ποῖσι ὅπλατι παρὰ ῥη-
 τὴν παραβαλλόμενοι ἢ αἰ μετὰ τῷ ἀποζο-
 μῇ, ἀποζομὰς ἀκολούθως τῇ τάξει καθ' αὐτήν,
 αἱ ὅ μετὰ τῷ ἐκ δύο ὀνομάτων, ταῖς ἐκ δύο ὀνο-
 μάτων, εἰ αὐταὶ τῇ τάξει ἀκολούθως, ἕτεροι ἄ-
 ρχεισιν αἰ μετὰ τῷ ἀποζομῇ, κὶ ἔδοται αἰ με-
 τὰ τῷ ἐκ δύο ὀνομάτων, ὥς εἶναι τῇ τάξει
 πᾶσι ἀλόγους ι γ.

α Μέσων.

η Αποζομῇ.

β Ἐκ δύο ὀνομάτων.

θ Μέσων ἀποζομῇ

γ Ἐκ δύο μέσων πρώ-
 τῳ.

πρώτῳ.

ι Μέσων ἀποζομῇ

δι Ἐκ δύο μέσων διου-
 τέραν.

διουτέραν.

κα Ἐλάττωσα.

ε Μείζονα.

ιβ Μετὰ ῥητῇ μέσον ῥ

ς ῥητὴρ κὶ μέσον διωα
 μένων.

ὅλον ποιεῖν.

ιγ Μετὰ μέσων μέσον

ζ Δύο μέτρα διωα μέ-
 νων.

ς ὅλον ποιεῖν.

ΣΧΟ.

Linea quæ Residuum dicitur, & ceteræ quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediali neq; sibi ipsæ inter se sunt eadē. Nam quadratum lineæ medialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundū quam applicatur, per 23. Quadratum verò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuū primum, per 97.

Quadratum verò residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui medialis secundi, facit alterum latus residuum tertium, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alterum latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato equalis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniã est rationalis linea: inter se verò differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt & residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomij & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomiis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ consequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

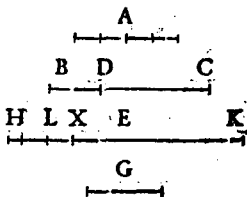
- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| 1 Medialis. | primum. |
| 2 Binomium. | 10 Residuum media- |
| 3 Bimediale primū. | le secundum. |
| 4 Bimediale secūdu. | 11 Minor. |
| 5 Maior. | 12 Faciens cum ratio- |
| 6 Potēs rationale & | nali superficie to- |
| mediale. | tam medialem. |
| 7 Potēs duo medialia. | 13 Faciens cum me- |
| 8 Residuum. | diali superficie to- |
| 9 Residuum mediale | tam medialem. |

ρ ι β

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων παρα-
βαλλόμενον, πλάττει ποιεῖ, ἀποδιδόνει, ἥς τὰ ὀνό-
ματα σύμμετρα ὄντι τοῖς ῥῆσιν ἐκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
σι, καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ. καὶ ἔτι ἡ γινομένη ἀποτο-
μὴ τὴν αὐτὴν ἔχει τάξιν τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum
Binomium applicatum, facit alterum la-
tus residuum, cuius
nomina sunt com-
mensurabilia Bino-
mii nominibus, & in
eadē proportionē :
præterea id quod fit
Residuum, eundem



Q. ii

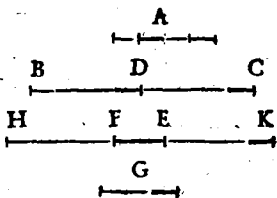
ordinem retinet quem Binomium.

ε'ιγ

Τὸ ἀπὸ ρητῆς παρὰ ἀπορρυθμὴν παραβαλλόμενον, πλάτθωσι, τὴν ἐν δύο ὀνομάτων ἥς τὰ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι καὶ ἀπορρυθμῆς ὀνόμασι, εἰ καὶ αὐτῷ λόγῳ, ἐν ἣ γινομένη ἐν δύο ὀνομάτων, τὴν αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀπορρυθμῇ.

Theor. 88. Propo. II 3.

Quadratum lineæ rationalis secundum residuum applicatum, facit alterū latus Binomium, cuius nomina sunt commen-
surabilia nomini-
bus residui & in
eadem proportio
ne: præterea id quod
fit Binomium est
eiusdē ordinis, cu-
ius & Residuum.



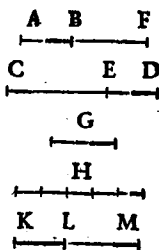
ε'ιδ

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ἀπορρυθμῆς καὶ εἰ ἐν δύο ὀνομάτων, ἥς τὰ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι καὶ ἀπορρυθμῆς ὀνόμασι, καὶ εἰ αὐτῷ λόγῳ, ἡ χωρίον διωαμένη, ρητὴ ἐστίν.

Theor. 89. Propo. II 4.

Si parallelogrammum cōtineatur ex re-

fiduo & Binomio, cuius no-
mina sunt commensurabi-
lia nominibus residui & in
eadem proportionē, linea
quæ illam superficiem po-
test, est rationalis.



916

Ἀπὸ μέσης ἁπλοῦς ἄλογοι γίνονται. Ἐξ δὲ μεμίας ἑ-
δεμίας τῆς πρὸς τὸν ἑαυτῇ.

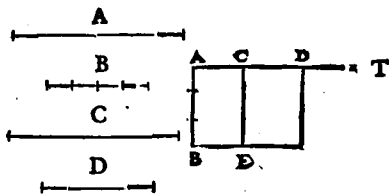
Theor. 90. Propo. 115.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irra-
tionales

innume-
rabiles,

quarum
nulla vlli
ante di-

ctarum eadem sit.



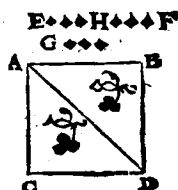
915

προκείσθω ἡ μὲν δεῖξαι, ὅτι ὡς τῆς τετραγώνων
χημάτων, ἀσύμμετρος ὅστις ἡ διαμετρῶ τῆς πλυν-
ρᾶς μήκῃ.

Q iii

Propo. II6.

Propositū nobis esto de-
monstrare in figuris qua-
dratis diametrum esse lō
gitudine incommensura-
bilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM VNDECIMVM,

ET SOLIDORVM

primum.

ΟΡΟΙ.

α,

Στερεού ἐστι τὸ μήκος, καὶ πλάτος, καὶ βάθος ἔχον.

DEFINITIONES

†

Solidum, est quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὺν ὃ πῆχος, ἐπιφανεία.

Q iiiii

2

Solidi autem extremum est superficies.

γ

Εὐθεία πρὸς ἐπίπεδον ὁρθὴ ὄντι, ὅταν πρὸς πά-
ρας τὰς ἀπὸ μείνας αὐτῆς εὐθείας, καὶ ἕξῃς ἐν τῷ
αὐτῷ ὑποκειμένῳ ὑπὲρ δέδιω, ὁρθὰς ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad
rectas omnes lineas, à quibus illa tangi-
tur, quæque in proposito sunt plano, re-
ctos angulos efficit.

δ

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁρθόν ὄντι, ὅταν αἱ τῇ
κοινῇ τομῇ τῇ ἐπίπεδον πρὸς ὁρθὰς ἀγόμεναι
διθῶνται ἐν ἐνὶ τῇ ἐπίπεδον, τῷ λοιπῷ ἐπιπέ-
δῳ πρὸς ὁρθὰς ὦσιν.

4

Planum ad planum rectum est, cum re-
ctæ lineæ, quæ communi planorum se-
ctioni ad rectos angulos in vno planorū
ducuntur, alteri plano ad rectos sunt an-
gulos.

ε

Εὐθείας πρὸς ἐπίπεδον κλίσεις ὄντι, ὅταν ἀπὸ τῆς
μετεώρου πέρατος ἐκ διθείας ὑπὲρ ἐπίπεδον κα-
ταγῇ ἀχθῇ, καὶ ἀπὸ τῆς γενομένης σημείας, ἐκ τῆς
ἐν τῷ ἐπίπεδον πέρατος ἐκ διθείας, διθείας

ἐπιζυχθῇ, ἢ ποδλεχομένη ὀξεία γωνία ᾧ ποδὶ
ἀχθείσης. Θ. τὸ ἐφεσώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistentē linea & adiuncta altera comprehensus, cū à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis, atque à puncto quod perpendicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum, quod in eodem est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπιπέδιον πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ὅστις, ἢ ποδλεχομένη ὀξεία γωνία ᾧ ποδὶ τῇ πρὸς ὀρθῶς τῇ κοινῇ τομῇ ἀγομένῳ πρὸς τῇ αὐτῷ σημείῳ ἐκκατέρω τῇ ἐπιπέδῳ.

6

Plani ad planum inclinatio, acut⁹ est angulus rectis lineis cōtentus, quæ in utroque planorum ad idem cōmūnis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

8

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁμοίως κεκλιθῶς λέγεται, ὅταν πρὸς ἑτέρῳ, ὅταν αἱ εἰρημέναι τὴν κλίσεως γωνίας ἴσῃ ἀλλήλαις ᾖσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cùm dicti inclinationum anguli inter se sunt equales.

7

Γαράλληλα ἐπίπεδα ἔστι τὰ ἀσύμπτωτα.

8

Parallela plana, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

9

Ὅμοια στερεὰ σχήματα ἔστι, τὰ ἡπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων περικλειόμενα ἴσων ᾧ πλήθος.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

10

Ἰσὰ ἢ ὅμοια στερεὰ σχήματα ἔστι, τὰ ἡπὸ ὁμοίων ἐπιπέδων περικλειόμενα ἴσων ᾧ πλήθει ἢ ᾧ μεγέθει.

10

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

11

Στερεὰ γωνία ἔστιν, ἢ ἡπὸ πλείονων ἢ δι᾽ ἑνὸς γωνι-

μῶν ἀπτομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιφα-
νεῖ ὅσων, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

II

Solidus angulus, est plurium quàm dua-
rum linearum, quæ se mutuò contingāt,
nec in eadem sint superficie, ad omnes
lineas inclinatio.

Ἄλλως.

Στερεὰ γωνία ὅστις ἢ ἑξ ἑκτὸς πλάνων ἢ δύο ἐπιπέ-
δων γωνίων ποδλεχόμενη, μὴ ὅσων ἐν τῇ αὐτῇ
ἐπιπέδῳ, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισαμένων.

Aliter.

Solidus angulus, est qui pluribus quàm
duobus planis angulis in eodem non
consistentibus plano, sed ad vnum pun-
ctum collectis, continetur.

ιβ

Πύραμις ὅστις σχῆμα στερεὸν ἐπιπέδοις ποδλεχόμε-
νον, ὃν ἑνὸς ἐπιπέδου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνεσῶς.

I2

Pyramis, est figura solida quæ planis con-
tinetur, ab vno plano ad vnum punctum
collecta.

ιγ

Γεῖομα ὅστις σχῆμα στερεὸν ἐπιπέδοις ποδλεχόμε-
νον, ὃν δύο τὰ ἀπεναντίον ἴσ τε ὁμοιά ὅστις, καὶ
παράλληλα, τὰ δὲ λοιπὰ παραλληλόγραμμα.

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

14

Σφαῖρα ἔστιν, ὅταν ἡμικύκλιος μάλιστα διὰ διπλασίου, πῶθεν ἐχθέρῃ ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ πᾶν ληφθὲν ἅμα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circum quiescetem diametrum semicirculo continetur, cum in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

15

Ἄξων ἢ διὰ σφαίρας ἔστιν, ἡ μέντοι διὰ διπλασίου, πῶθεν ἡμικύκλιον σρέφεται.

15

Axis autē sphæræ, est quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον ἢ διὰ σφαίρας ἔστι τὸ αὐτὸ, ὅχι τῇ ἡμικύκλι.

16

Centrum verò Sphæræ est idem, quod & semicirculi.

18

Ἀξων ὃ τῷ κώνι ἐστὶν ἡ μένουσα, περιβλήσκει τὸ τρίγωνον
σρέφεται.

19

Axis autem Cōni, est quiescēs illa linea,
circum quam triangulum vertitur :

κ

Βάσις δὲ, ὁ κύκλος ὁ ὑπὸ τοῦ περιφερόμενου δι-
σείας γραφόμενος.

20

Basis vero Cōni, circulus est qui a circun-
ducta linea recta describitur.

κα

Κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνία παραλληλο-
γραμμη μινύσῃ μιᾷς πλευρᾷς τῇ περὶ τὴν ὀρθὴν,
περιβλήσκει τὸ παραλληλόγραμμον εἰς τὴν αὐτὴν
πάλιν ἀποκἀτασταθῇ, ὅθεν ἤρξατο φέρεσθαι, τὸ πε-
ριληφθὲν χῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso cir-
cum quiescens alterum latus eorum quæ
rectum angulum continēt, parallelogrā-
mo orthogonio comprehenditur, cū
in eundem rursus locum restitutum fue-
rit illud parallelogrammum, vnde moue-
ri cœperat.

κβ

Ἀξων δὲ τῷ κύλινδρῳ ἐστὶν ἡ μένουσα δισεία, περι-

ὡς ἂν παραλληλόγραμμοι σφύεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

κ γ

βάσεις δ', οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀπειρανίου πρὸς δια-
γομένωρ δύο πλυνῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

κ δ

ὁμοιοὶ κῶνοι καὶ κύκλινδροι εἰσι, ὡς οἷ τε ἄξονες καὶ αἱ διαμέτροι τῆς βάσεωρ ἀναλόγῳ εἰσι.

24

Similes cōni & cylindri, sunt quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

κ ε

Κύβου δὲ χῆμα σφῆδον, ὑπὸ ἑξ τετραγώνωρ ἴσων πρὸς ἐξομῶν.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

κ ς

Τετραέδρου δὲ χῆμα ὑπὸ τετραγώνωρ ἑξ γώνωρ

ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

26

Tetraëdron est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κζ

Ὀκτάεδρον ὅστις ἡμᾶς τερεῖον ἔστω ὀκτὼ ῥιγῶνων ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

27

Octaëdron figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κη

Δωδεκαέδρον ὅστις ἡμᾶς τερεῖον ἔστω δώδεκα πεντάγωνων ἴσων, καὶ ἰσοπλευρῶν, καὶ ἰσογωνίων περιεχόμενον.

28

Dodecaëdron figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κθ

Ἐικοσάεδρον ὅστις ἡμᾶς τερεῖον ὑπὸ εἰκοσὶ ῥιγῶνων ἴσων καὶ ἰσοπλευρῶν περιεχόμενον.

29

Eicosaëdron figura est solida, quæ triangulis viginti æqualibus & æquilateris continetur.

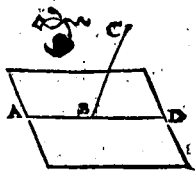
Προτάσεις.

ΠΡΟΤΑΣΕΙΣ.

^α
Εὐθείας γραμμῆς μέρος μέν τι ἐκ εἰσι καὶ τὸ ὑπο-
κειμένῳ ἐπιπέδῳ, μέρος δέ τι καὶ τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Propo. 1.

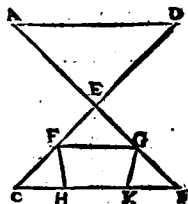
Quædā rectæ lineæ pars
in subiecto quidem non
est plano, quædam verò
in sublimi.



^β
Ἐὰν δύο δι' αὐτῶν τέμνωσιν ἀλλήλας, καὶ ἐνὶ εἰσίῳ
ἐπιπέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον καὶ ἐνὶ ὅσῳ ἐπιπέδῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

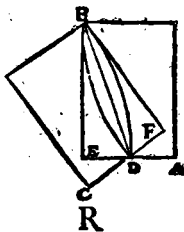
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secēr, in vno sunt pla-
no : atque triangulum o-
mne in vno est plano.



^γ
Ἐὰν δύο ἐπίπεδα τέμνη ἀλλήλας, ἡ κοινὴ αὐτῶν ῥ-
μὴ δι' αὐτῶν εἶσι.

Theor. 3. Pro-
positio. 3.

Si duo plana se mutuò se-
cent, communis eorum
sectio est recta linea.

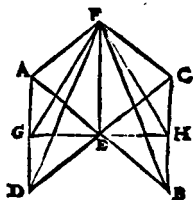


δι

Εὰν διθεῖα δύο διθείαις τεμνέσταις ἀλλήλας,
πρὸς ὁρθὰς ᾗ δι κοινῆς γωνίης ἐπισταθῇ, αἱ ἄλλαι
δι' αὐτῶν ἐπιπέδιω πρὸς ὁρθὰς ἔσται.

Theor. 4. Prop. 4.

Si recta linea rectis dua-
bus lineis se mutuò secā-
tibus, in cōmuni sectio-
ne ad rectos angulos in-
sistat illa ducto etiā per
ipsas plano ad angulos re-
ctos erit.

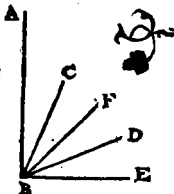


6

Εὰν διθεῖα τισὶν διθείαις ἀπτομέναις ἀλλήλων,
πρὸς ὁρθὰς ᾗ δι κοινῆς γωνίης ἐπισταθῇ, αἱ ἄλλαι
διθείαι αὖ ἐνί εἰσιν ἐπιπέδιω.

Theor. 5. Prop. 5.

Si recta linea rectis tribus
lineis se mutuò tangēti-
bus, in cōmuni sectione
ad rectos āgulos insistat,
illę tres rectę in vno sunt
plano.

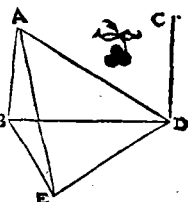


5

Εὰν δύο διθεῖαι ᾗ δι αὐτῶν ἐπιπέδιω πρὸς ὁρθὰς
ᾗ σοι, παράλληλοι ἔσονται αἱ διθείαι.

Theor.6.Prop. 6.

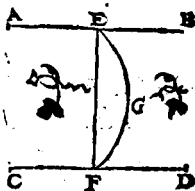
Si duæ rectæ lineæ eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelæ erunt illæ re-
ctæ lineæ.



Εὰν ὡς ἑξ ἑκαστοῦ διὰ τῆς αὐτῆς ἐκείνης παραλλήλοι, ληθῇ ὅτι ἑκά-
τερως αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ὡς τὰ ση-
μεῖα ἐπιζυγισμένη διθεία, ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιπέ-
δῳ ᾗ τὰς παραλλήλους.

Theor.7.Prop. 7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in qua-
rum utraq; sumpta sint
quælibet pūcta, illa linea
quæ ad hæc puncta adiun-
gitur, in eodem est cum
parallelis plano.



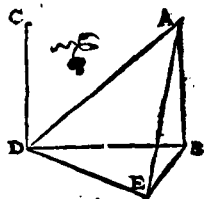
Εὰν ὡς ἑκαστοῦ διὰ τῆς αὐτῆς ἐκείνης παραλλήλοι, ἢ δὲ ἑτέρως αὐ-
τῶν ἐπιπέδῳ ἐν τῇ πρὸς ὁρθὰς ἢ καὶ ἄλλοι πῶς αὐ-
τῶν ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς ἔσται.

Theor.8.Prop. 8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, qua-

R ii

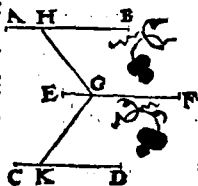
rum altera ad rectos cui-
dam plano sit angulos, &
reliqua eidem plano ad
rectos angulos erit.



Αἱ τῇ αὐτῇ ὀρθαίαι παράλληλοι, ἐμὴ ἔχει αὐτῇ
ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλων εἰσὶ παράλ-
ληλοι.

Theor. 9. Propo. 9.

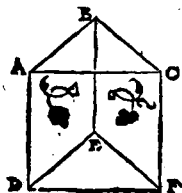
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæ-
quoque sunt inter se pa-
rallelæ.



Ἐὰν δύο ὀρθαίαι ἀπτόμεναι ἀλλήλων παρὰ δύο
ὀρθαίαι ἀπτόμεναι ἀλλήλων ᾧσι, μὴ ἐν τῷ αὐτῷ
ἐπιπέδῳ, ἴσας γωνίας ποιεῖν.

Theor. 10. Proposi. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales comprehē-
dent.

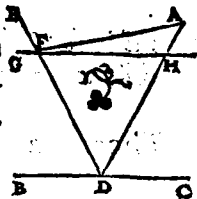


1α

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετώρου, ὡδὶς ὑποκείμενον ἐπιπέδου καὶ διὰ τὸν διδεδῆκεν γομφίον ἀναγεῖν.

Probl. I. Propo. II.

A dato sublimi puncto, in subiectum planum perpendicularem rectam lineam ducere.

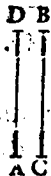


1β

Τὸ δοθέν ἐπιπέδον, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ δοθέντος σημείου, πρὸς ὁρθὰς διδεδῆκεν γομφίον ἀναγεῖν.

Probl. 2. Propo. 12.

Dato plano, à puncto quod in illo datum est, ad rectos angulos rectam lineam excitare.



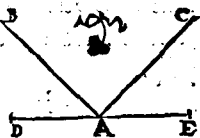
1γ

Τὸ δοθέν ἐπιπέδον, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ δοθέντος σημείου, διὰ τὸν διδεδῆκεν γομφίον ἀναγεῖν.

R iii

Theor. II. Propo. 13.

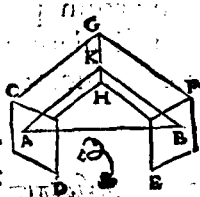
Dato plano, à puncto
quod in illo datum est,
duæ rectæ lineæ ad re-
ctos angulos non excita-
buntur ad eandem par-
tes.



Γρὸς ἂν ἐπίπτεται ἢ αὐτῇ δι' αὐτῆς ὁρθῆς ἔστι, παράλληλ᾽ ἔστι τὰ ἐπίπτεται.

Theore. 12. Propo. 14.

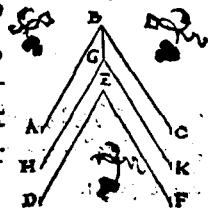
Ad quæ plana, eadem re-
cta lineæ recta est, illa sunt
parallela.



Ἐὰν δύο διθῆναι ἀποτόμῳ ἀλλήλων, παρά δύο
διθείας ἀπὸ μὲν ἀλλήλων ὥσπερ ἐν τῷ αὐτῷ
ἐπιπέδῳ ἔστω, παράλληλ᾽ ἔστι τὰ δι' αὐτῶν ἐπί-
πτεται.

Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes
ad duas rectas se mutuò
tangentes sint parallelae,
non in eodem consisten-
tes plano, parallela sunt
quæ per illas ducuntur
plana.

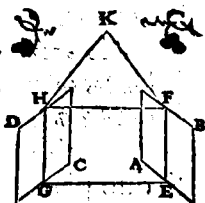


15

Ἐάν διὸ ἐπιπέδα παραλλήλα ὑπὸ ἐπιπέδῳ ὑ-
πὸς τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῇ ὁμαὶ παραλλήλοι
εἴσι.

Theor. 14. Propo. 16.

Si duo plana parallela
plano quopiam secetur,
cōmunes illorum sectio-
nes sunt parallelæ.

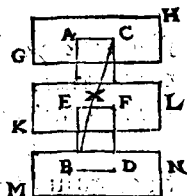


16

Ἐάν διὸ ὁμοθῆαι ὑπὸ παραλλήλων ἐπιπέδῳ
τέμνηνται, αἱ ἐκ αὐτῶν λόγες τμηθῆσονται.

Theor. 15. Propo. 17.

Si duæ rectæ lineæ paral-
lelis planis secantur, in
easdem rationes secabun-
tur.



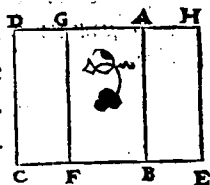
17

Ἐάν ευθεῖα ἐπιπέδῳ ὑπὸ πρὸς ὁμοθῆαι ἢ καὶ πάντα
τὰ δι' αὐτῆς ἐπιπέδα, ὅρ' αὐτῶν ἐπιπέδῳ πρὸς
ὁμοθῆαι ἔσται.

R iiii

Theor. 16. Propo. 18.

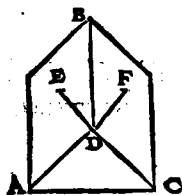
Si recta linea plano cui-
piam ad rectos sit angu-
los, illa etiam omnia quæ
per ipsam plana, ad re-
ctos eidem plano angu-
los erunt.



Ἐὰν δύο ἐπίπεδα τέμνοντα ἄλληλα ἐπίπεδον
ἑνὶ πρὸς ὀρθὰς ᾖ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν ὁμὴ τῶν αὐτῶν
ἐπίπεδον πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 17. Propo. 19.

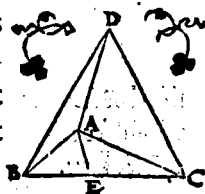
Si duo plana se mutuò se-
cantia plano cuidam ad
rectos sint angulos, com-
munis etiam illorum se-
ctio ad rectos eidem pla-
no angulos erit.



Ἐὰν στερεὰ γωνία τῶν τριῶν γωνιῶν ἐπίπεδων
πρόσέχεται, δύο ὁποῦναι μὲν τῶν λοιπῶν μείζονες εἰσι
πάντη μεταλαμβάνομεν.

Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis
tribus angulis continetur,
ex his duo quilibet
utrum assumpti tertio sunt
maiores.

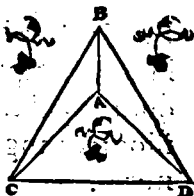


κα

Ἄρα ὅτι ὅταν γωνία ᾗ ἐκ τῶν ἐλασσόνων ἢ τεσσάρων
ὁρθῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor. 19. Pro-
positio. 21.

Solidus omnis angulus
minoribus continetur, quā
rectis quatuor angulis pla-
nis.

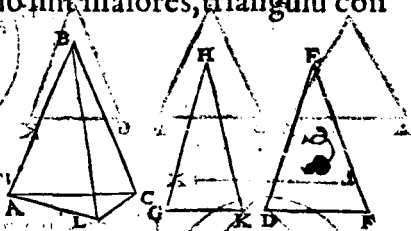


κε

Ἐάν ποτε τρεῖς γωνίαι ἐπιπέδοι, ὧν αἱ δύο αἰχμα-
τὴς μείζονες εἴσι, πάντα μεταλαμβάνονται, πε-
ριέχωνται ὑπὸ αὐταῖς ἢ αἰεὶ εὐθείαι, διότι αὐτὸν ὅστις ἐν τῇ
ἐπιρροήν ἔχουσιν τὰς ἑξῆς εὐθείας ἴσωνται οὐσὴν ἔχουσιν.

Theor. 20. Propo. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis con-
tineantur lineis, quorum duo ut libet as-
sumpti tertio sint maiores, triangulū con-
stitui po-
test ex li-
neis æqua-
les illas re-
ctas cōiun-
gentibus.



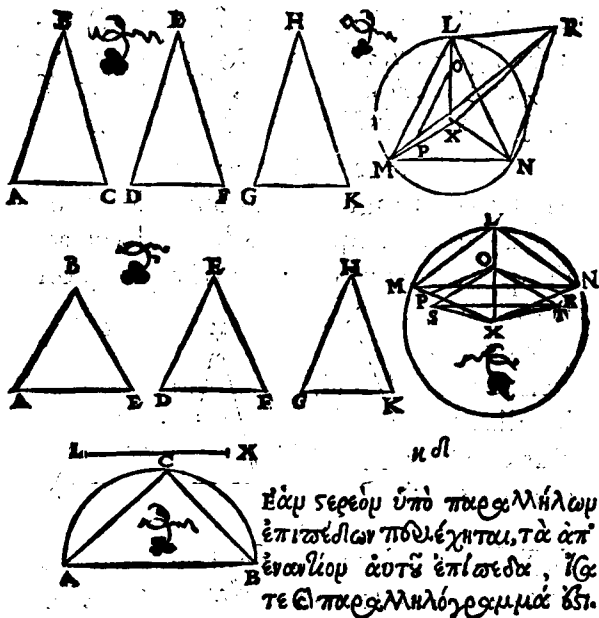
κγ

Ἐκ τῶν γωνιῶν ἐπιπέδων, ὧν αἱ δύο αἰχματὴς
μείζονες εἴσι, πάντα μεταλαμβάνονται, ὅταν

γωνίαν συστήσασθαι. διὲν δὴ τὰς τρεῖς τεσσάρων
ὁρθῶν ἐλάσσονας εἶναι.

Probl.3. Propo.23.

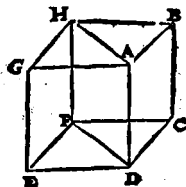
Ex planis tribus angulis, quorum duo ut
libet assumpti tertio sint maiores, soli-
dum angulum constitucere. Deest autem
illos tres angulos rectis quatuor esse mi-
nores.



Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis continetur, aduersa illi⁹ plana & æqualia sunt & parallelogramma.

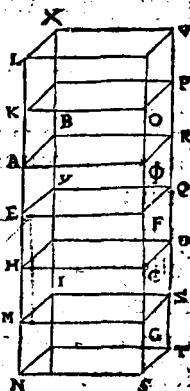
κε



Ἐὰν στερεὸν παραλλήλεπίπεδοι ἐπιπέδῳ τμήθῃ παραλλήλῳ ὄντι τοῖς ἀπεναντίου ἐπιπέδοις, ἔσσι ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω δὲ στερεὸν πρὸς δὲ στερεῷ.

Theor. 22. Proposition. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

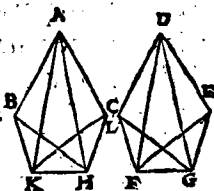


κς

πρὸς τῇ διορίσει αὐτῆς καὶ τῶ πρὸς αὐτῇ σημείῳ, τῇ διορίσει στερεῶ γωνία ἰσὺν στερεῶν γωνίᾳ συνηθῶσα.

Probl. 4. Propositio. 26.

Ad datā rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato æqua-
lem.

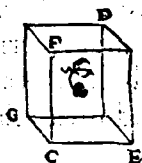
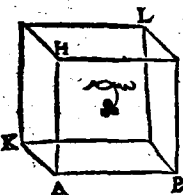


κζ

Ἀπὸ τῆς δοθείσης δι. θείας, τῷ δοθέντι στερεῷ πα-
ραλληλεπίπῳ ὁμοίοντε καὶ ὁμοίως κείμενον στε-
ρεὸν παραλληλεπίπῳ ἀναγεῖν.

Probl. 5. Propositio. 27.

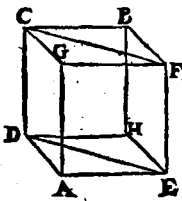
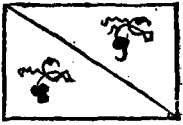
A data recta, dato solido parallelis pla-
nis comprehenso simile & similiter pos-
situm soli-
dum paral-
lelis pla-
nis cōten-
tum de-
scribere.



κη

Ἐὰν στερεὸν παραλληλεπίπῳ ἐπιπέδῳ τμη-
θῇ κατὰ τὰς διγωνίους τῷ ἀπεναντίῳ ἐπιπέ-
δῳ, διόχα τμηθῇσεται τὸ στερεὸν ὑπὸ τῶ ἐπιπέδου.

Theor.23.Propo.28.

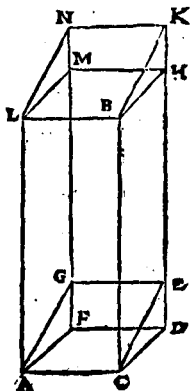
Si solidum parallelis planis comprehē-
sum, ducto per aduersorum planorum
diagonios  
plano se-
ctum sit, il-
lud soli-
dū ab hoc
plano bifa-
riam secabitur.

κθ.

Τὰ ὑπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλλή-
λεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὑψόμενον αἱ ἐφεσ ἄρα
ὑπὸ τῆς αὐτῆς εἰς τὴν ἐνδεκάωρον, ἴσες ἀλλήλοις ὄσιν.

Theor.24. Pro-
positio. 29.

Solida parallelis planis
comprehensa, quæ super
eandem basim & in ea-
dem sunt altitudine, quo-
rum insistentes lineæ in
iisdem collocantur rectis
lineis, illa sunt inter se æ-
qualia.

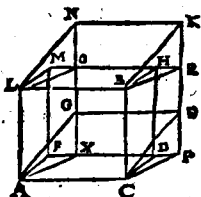


λ

Τὰ ὑπὸ αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὕψος, ὅμοιαι ἐφ' ὧν ἔχουσιν ὑπὸ τῆς αὐτῆς εὐθείας, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 25. Propo. 30.

Solida parallelis planis circūscripta, quæ super eandem basim & in eadē sunt altitudine, quorum insistentēs lineæ non in iisdem reperiuntur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

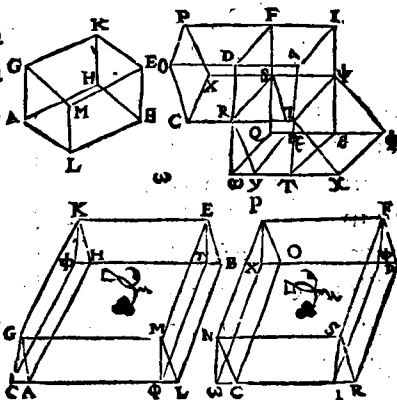


λα

Τὰ ὑπὸ ἰσῶν βάσεων ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὕψος, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor. 26. Proposi. 31.

Solida parallelis planis circūscripta, quæ in eadē sunt altitudine, æqualia sunt inter se.

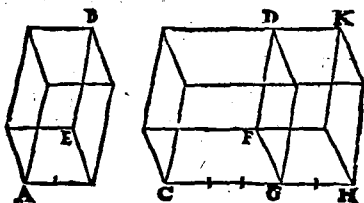


λβ

Τὰ ὑπὸ τῶν αὐτῶν ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ὅσῃ, ὡς αἰετώσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circūscripta quæ eiusdem sunt altitudinis, eam habent inter se rationem, quam bases.

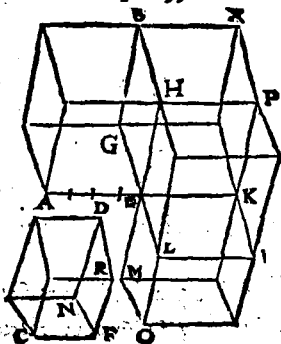


λγ

Τὰ ὅμοια στερεὰ παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλλήλα ἐν τριπλασίονι λόγῳ εἰσι τῶν ὁμολόγων πλευρῶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida parallelis planis circūscripta habent inter se rationem homologorum laterum triplicatam.

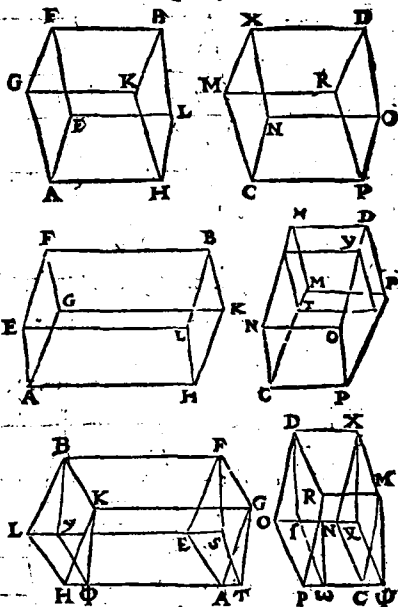


λδ

Τῶν ἴσων στερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπε-
πώντασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσιν κἢ ὧν στερεῶν πα-
ραλληλεπιπέδων ἀντιπεπώντασιν αἱ βάσεις
τοῖς ὑψέσιν, ἴσ' ὅσιν ἐκείνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū
solidorum
parallelis
planis cō-
tentorum
bases cum
altitudi-
nis reci-
procātur.
Et solida
parallelis
planis cō-
tenta, quo-
rum bases
cum altitu-
dinibus re-
ciprocantur, illa sunt æqualia.



λε

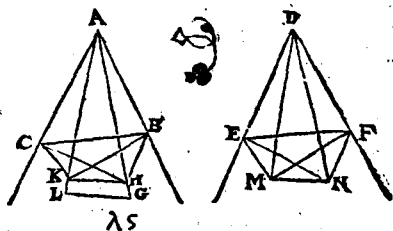
Εἰ ἂν ᾖσιν δύο γωνίαι ἐπίπεδοι ἴσαι, καὶ ἡ ὑψὺς κο-
ρυφῶν αὐτῶν μετέωροι εὐθείαι ἐπισταθῶσιν ἴσας
γωνίας

γωνίας πῶς ἐχούσι μετὰ τῶν ἐξ ἀρχῆς δι' ὁρίων
 ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, ὡς δὲ τῶν μετεώρων ληφθῆ
 τυχόντα σημεῖα, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὡς τὰ ἐπίπεδα, αὐ
 τοῖς εἰσὶν αἱ ἐξ ἀρχῆς γωνίαι, καὶ δεῖται ἀχθῶσιν, ἀπὸ
 δὲ τῶν γενομένων σημείων ὥστε τῶν καὶ δεῖται ὡς
 τοῖς ὡς περὶ τοῖς, ὡς τὰς ἐξ ἀρχῆς γωνίας ἐπιζου
 χθῶσιν δι' δεῖται, ὡς γωνίας πῶς ἐχούσι μετὰ τῶν
 μετεώρων.

Theor. 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
 verticibus sublimes rectę lineę insistant,
 quę cum lineis primò positis angulos cō
 tineāt æquales, utrūque utrique, in sub
 limibus autem lineis quælibet sumpta
 sint puncta, & ab his ad plana in quibus
 consistunt anguli primū positī, ductę
 sint perpendiculares, ab earum verò pun
 ctis, quę in planis signata fuerint, ad an
 gulos primū positos adiunctę sint re
 ctę lineę,

hę cū sub
 limibus æ
 quales an
 gulos com
 prehēdet.

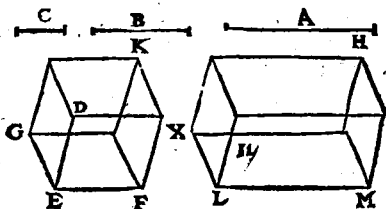


Ἐὰν γάρ τις διθεῖται ἀνάλογον ὥσι, ὅτι τῶν ὁρίων

ρεὸν παραλληλεπίπεδον ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ αὐτοῦ μέ-
σης σφαιρῶ παραλληλεπίπεδῳ, ἴσον πλὺτος ἢ, ἴ-
γωνίῳ ὃ τῷ περὶ αὐτὸν.

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales,
quod ex his tribus fit solidum parallelis
planis contentum, æquale est descripto à
media linea solido parallelis planis com-
prehensò, quod æ-
quilate-
rum qui-
dē sit, sed
antedictò
æquiangulum.



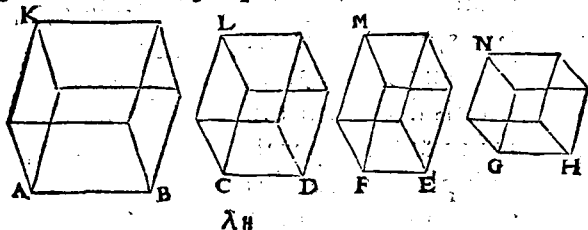
λζ

Ἐὰν τέσσαρες διδῶται ἀνάλογον ὄσι, καὶ τὰ ἀπὸ
αὐτῶν παραλληλεπίπεδα ὅμοια τε ὁμοίως ἀ-
ναγραφόμενα, ἀνάλογον εἶναι. Ἐὰν τὰ ἀπὸ αὐτῶν
σφαιρῶ παραλληλεπίπεδα ὅμοια τε καὶ ὁμοίως ἀ-
ναγραφόμενα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐταὶ αἱ διδῶται
ἀνάλογον εἶναι.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportiona-
les, illa quoque solida parallelis planis
contenta, quæ ab ipsius lineis & similia &
similiter describuntur, proportionalia c-

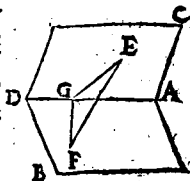
sunt. Et si solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.



Ἐὰν ἐπιπέδου πρὸς ἐπιπέδου ὁρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ τοῦ σημείου τῷ ἐν τῷ ἐπιπέδῳ ᾗ ἐτὸς ὁρθὸν ἐπιπέδου καὶ τοῦ ἀγχοῦ, ᾗ κοινῆς ὁμῆς πεσῇται τῷ ἐπιπέδῳ ἡ ἀγομένη καὶ τεταθῇ.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quo dam puncto eorum quæ in vno sunt planorū perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cadet planorum sectionem.

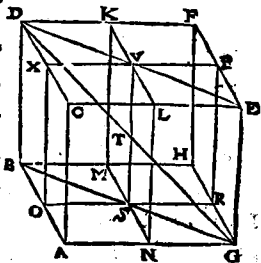


Ἐὰν σέρεθῃ παραλληλεπίπεδα τῶν ἀπεναντίου ἐπιπέδων αἱ πρυραὶ διὰ τμῶσι, διὰ τῶν μὲν ἐπιπέδων ἐκ τῆς κοινῆς γμῆς τῷ ἐπιπέδῳ

καὶ ἡ τῶν τετραῶν παραλληλεπιπέδων διαμέτρος διχοτέμνεται ἀλλήλας.

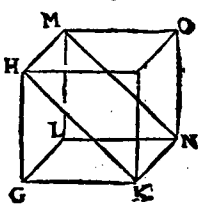
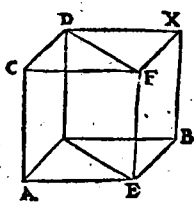
Theor. 34. Propo. 39.

Si in solido parallelis planis circumscrip-
to, aduersorum planorū lateribus bifariā
sectis, educta sint per
sectiones plana, com-
munis illa planorum
sectio & solidi paral-
lelis plani circumscri-
pti diameter, se mu-
tuo bifariam secant.



Ἐὰν γὰρ δύο πρίσματα ἰσοῦν ἢ, καὶ τὸ ἓξ ἔχῃ βάσιν
παραλληλόγραμμον, καὶ ὁ βίγωνον, διπλάσιον ὃ
ἢ τὸ παραλληλόγραμμον τῷ βίγωνον, ἔσται τὰ
πρίσματα. Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint æqualis altitudinis prismata,
quorum hoc quidem basim habeat pa-
rallelogrammum, illud verò triangulum,
sit autem
parallelo-
grammum
trianguli
duplum, il-
la prismata
erunt æqualia.



Elementi vndecimi finis.



E Y K Λ EI.

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ

ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM DVODECIMVM,
ET SOLIDORVM
SECVNDVM.

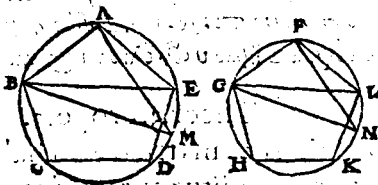
Προτάσεις.

α,

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλη-
λά βωσι, ὡς τὰ ἀπ' τῶν διμετρῶν τετράγωνα.

Theor. I. Propo. I.

Similia, quæ sunt in circulis polygona,
ratione ha-
bent inter
se quæ de-
scripta à
diametris
quadrata.



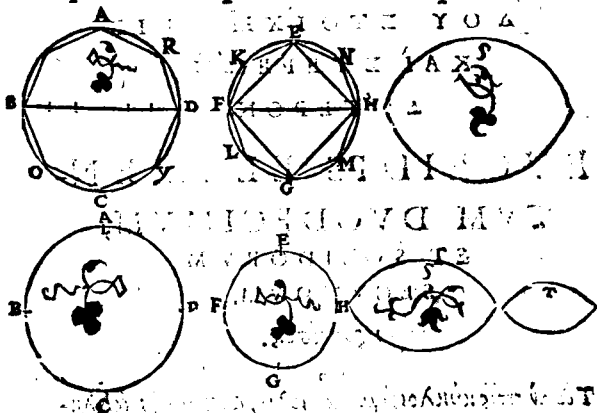
S iii

β

Οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὡς τὰ ἀρ' ἑ' Δι-
μέζων τε βάγωνα.

Theor. 2. Propo. 2.

Circuli eam inter se rationem habent,
quam descripta a diametris quadrata.

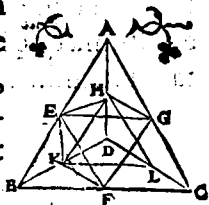


Γὰρ αὐτοὶ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὡς τὰ ἀρ' ἑ' Δι-
μέζων τε βάγωνα, ὡς τὰ ἀρ' ἑ' Διμέζων τε βάγωνα,
εἰς δύο πυρραμίδας ἴσας τε, ὅμοιαι ἀλλήλαις,
τρίγωνες βάσεις ἔχοντες, καὶ ὁμοίαι τῇ ὅλῃ, εἰς
δύο πείσματα ἴσα. Ὁ τὰ δύο πείσματα μείζο-
να ὄντι, ἢ τ' ἡμισυ αὐτῶν πυρραμίδος.

Theor. 3. Propo. 3.

Omnis pyramis trigonam habens basim,
in duas diuiditur pyramidas non tantum

æquales & similes inter se, sed toti etiam pyramidi similes, quarum trigonæ sunt bases, atque in duò prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt maiora.



Α

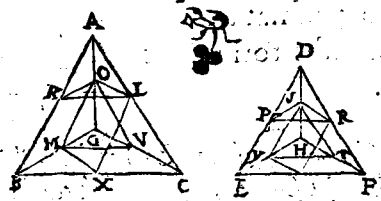
Ἐὰν ὡςι δύο πυραμίδες ἴσῳ εἰς αὐτὴν ὑψοῦ, ὅσῳι ἐκ τῶν ἐξ ἑαυτῶν βάσεων, διαιρεθῇ ὑπεκτέρῳ αὐτῆς εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις εἰσμοίρας τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα, καὶ τῶν γενομένων πυραμίδων ὑπεκτέρῳ τῆς αὐτῆς ὑψοῦ, καὶ τῶν πάλιν γίνηται, εἰς ὡς ἡ αὐτῆς πυραμίδος βάσεις, πρὸς τῶν αὐτῶν ἐκ τῶν πυραμίδων βάσεων, ὡς τὰς καὶ πρὸς τῇ αὐτῆς πυραμίδος πρίσματα πάντα, πρὸς τὰ αὐτῆς ἐκ τῶν πυραμίδων πρίσματα πάντα ἰσοψηθῇ.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides trigonas habeant bases, sit autem illarum vtraque diuisa & in duas pyramidas inter se æquales totique similes, & in duo prismata æqualia, ac eodē modo diuidatur vtraque pyramidum quæ ex superiore diuisione natæ sunt, idque perpetuò fiat: quemadmodum se habet vnius pyrami-

S iiii

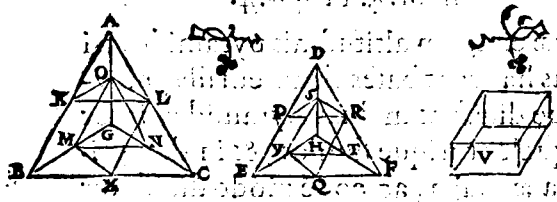
dis basis ad alterius pyramidis basim, ita
 & omnia quę in vna pyramide prismata,
 ad omnia quę in altera pyramide, prisma
 ta multitudine æqualia.



Αἱ ὁμοῦς αὐτῶν ὕψος πύραμίδες, καὶ ὅτι
 γωνίαι ἔχουσιν βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

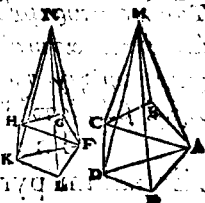
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum
 trigonę sunt bases, eam inter se rationem
 habent quam ipsę bases.



Αἱ ὁμοῦς αὐτῶν ὕψος πύραμίδες, καὶ πολυ-
 γώναι ἔχουσιν βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις.

Theor. 6. Propo. 6.

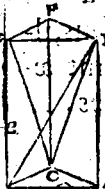
Pyramides eiusdem alti-
tudinis, quarum polygo-
næ sunt bases, eam inter
se rationem habet quam
ipsæ bases.



Ἡ δὲ ἀποδείξις ἔστιν ὡς καὶ ἐν τῇ προτάσει. Ἐὰν γὰρ ἀπὸ τοῦ κοινῆς ὀψώνου ἑκάστης βάσεως, ὁμοῦται εἰς τὴν αὐτὴν κορυφὴν, ἔσονται αἱ πυραμίδες ὁμοῦναι, καὶ ἔχουσιν ὅμοιας βάσεις.

Theor. 7. Propo. 7.

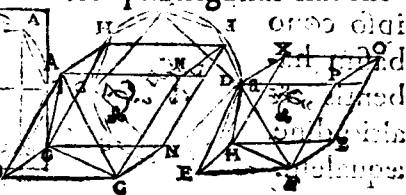
Omne prisma trigonā ha-
bens basim, diuiditur in
tres pyramidas inter se æ-
quales, quarum trigonæ
sunt bases.



Αἱ ὁμοῖαι πυραμίδες, καὶ διγώνους ἔχουσιν βάσεις,
αἱ διπλασιάζονται ἀλλήλους, ὡς αἱ ὁμοῦναι πλυνῶν.

Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides quatrignonas habentes
bases, in
triplicata
sunt ho-
mologo-
rū laterum
ratione.

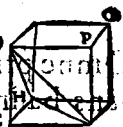
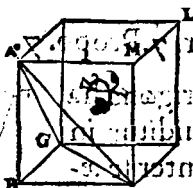


Τῶν ἴσων πυραμίδων αὐτῶν τριγώνων βάσεις ἔχουσιν
ἀντιπεπονητάς, αἱ βάσεις τῆς ὕψους. Ὁ αὖτε πυ-
ραμίδων τριγώνων βάσεις ἔχουσιν ἀντιπεπονη-
σιν αἱ βάσεις τοῖς ὕψουσιν ἴσους εἰσὶν ἄλληλαι.

Theor. 9. Propo. 9.

Æqualium pyramidum & trigonas ba-
ses habentium reciprocantur bases cum
altitudinibus. Et quarum pyramidum
trigonas bases habentium reciprocantur
bases

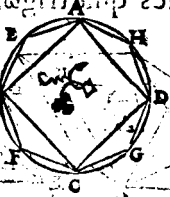
cum altitu-
dinibus, il-
læ sunt æ-
quales.



Ἡ δὲ ὕψους, καὶ τῶν τριγώνων μέρος ὅτι τὸ αὐτὸ
τῶν βάσεων ἔχοντες αὐτῶν ὁ ὕψους ἴσους.

Theor. 10. Propo. 10.

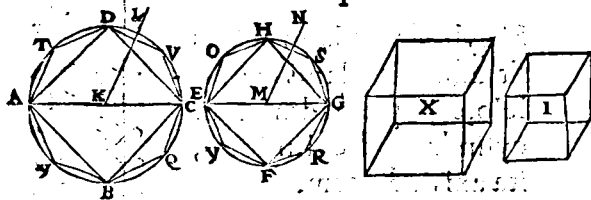
Omnis conus, tertia pars est. Cylindri
eandē cū
ipso cono
basim ha-
bentis, &
altitudinē
æqualem.



^{1α}
οἱ ὡς εἰς αὐτὸν ὑπάρχοντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. II. Propo. II.

Coni & cylindri eiusdē altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.

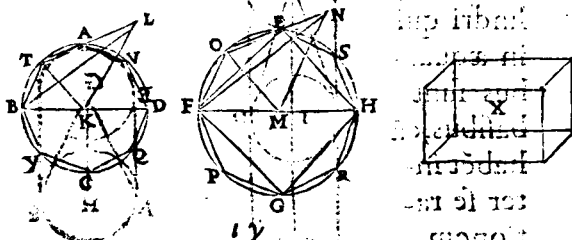


^{1β}

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι καὶ κύλινδροι, εἰς τριπλασίονι λό-
γῳ εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις αὐτῶν.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes conii & cylindri, triplicatam ha-
bent inter se rationem diametrorum que
sunt in basibus.

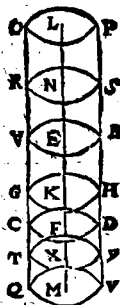


^{1γ}
Ἐὰν κύλινδρος ἐπιπέδῳ τμηθῇ παράλληλῳ
ὄντι τοῖς ἀπεναντίοις ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύλιν-
δος.

πρὸς πρὸς τὸν κύλινδρον, ὅπως ὁ ἄξων πρὸς τὴν ἄξονα.

Theor. 13. Pro-
posit. 13.

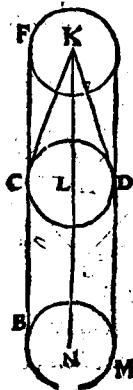
Si cylindrus plano sectus
sit aduersis planis paral-
lelo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.



οἱ ὑπὸ ἰσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theore. 14. Propo. 14.

Cōni & cy-
lindri qui
in æquali-
bus sunt
basibus, eā
habēt in-
ter se ra-
tionem,
quam alti-
tudines.

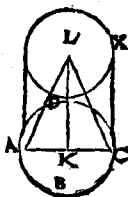
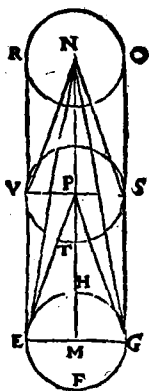


16

Τῶν ἰσων κώνων ὁ κυλίνδρων ἀντιπεπνῆσται
αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσι. καὶ ὁ κώνων ὁ κυλίνδρων
ἀντιπεπνῆσται αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσιν, ἴσοι εἰ-
σὶν ἑκείνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium cōnorum & cylindrorum ba-
ses cū alti-
tudinibus
reciproca-
tur. Et quo-
rum cōno-
rum & cy-
lindrorū
bases cum
altitudini-
bus reci-
procatur,
illi sunt æquales.



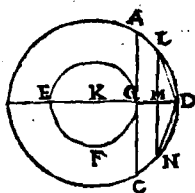
15

Δύο κύκλων πρὸς τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸ μεί-
ζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἀρτιό-
πλευρον ἐγγραφῆται, μὴ φαῖον τὸ ἐλάσσονι κύ-
κλῳ.

Probl. 1. Propo. 16.

Duobus circulis circum idem centrum

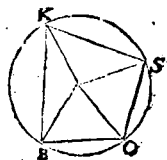
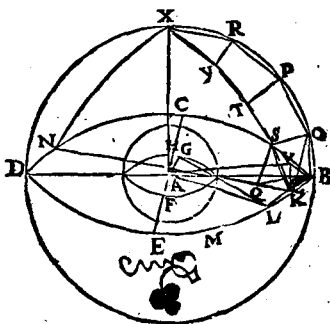
consistentibus, in maiore circulo polygonū æqualium pariumque laterum inscribere, quod minorem circulum nō tangat.



¹²
 Δύο σφαίρων ὁμοῦ κέντρου ἐκείνων, εἰς τὴν μείζονα σφαίραν σφαιρὸν πολυέδρον ἐγγραφαι, μὴ ταύτην ἐλάσσονος σφαίρας κατὰ τὴν ἐπιφανείαν.

Probl.2.Propo.17.

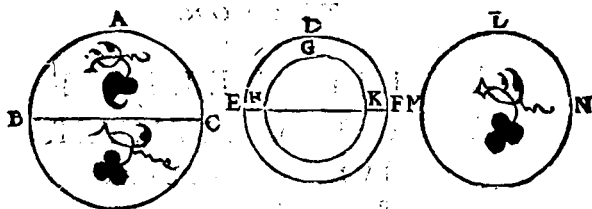
Duabus sphæris circum idem centrum consistentibus, in maiore sphæra solidū polyedrū inscribere, quod minoris sphære superficiem non tangat.



Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ἐν τριπλασίονι λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἰδίων διμέτρων.

Theor. 16. Propo. 18.

Sphaerae inter se rationem habet suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΓ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT- TVM DECIMVMTER-

TIVM, ET SOLIDO-
RVM TERTIVM.

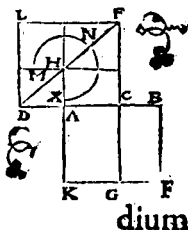
Προτάσεις.

α,

Ἐὰν ᾖθειᾷ γραμμῇ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ,
τὸ μείζον τμήμα πρὸς λαβὸν πλὴν ἡμίσειαν ἐστὶ ὅ-
λης, πενταπλάσιον δύναιται ἂν εἶναι ἡμισίας
ἐκείνης.

Theor. I. Propo. I.

Si recta linea per extre-
mam & mediam rationē
secta sit, maius segmentū
quod totius lineæ dimi-



dium

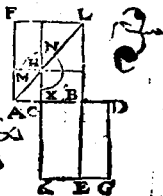
dium assumpserit, quintuplum potest eius quadrati, quod à totius dimidia describitur.

β

Εάν διθεῖα γραμμὴ τμήματ' αὐτῆς πενταπλασίωνδύνηται, αὐτὴ διπλασίας τ' εἰρημένον τμήματ' ἄκρον ἐκ μέσον λόγον τενομένης, & μείζον τμήμα τ' λοιπὸν μέρος ὅτι αὐτὴ ἐξαρχῆς διθείας.

Theor. 2. Prop. 2.

Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediā rationē secetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primū positz.

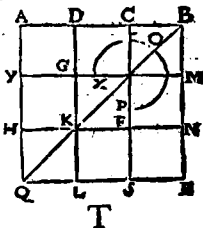


γ

Εάν διθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμήματ' ἔλασσον τμήμα προσλαβὸν πλὴν ἡμισείας τ' μείζον τμήματ' ἄκρον ἐκ μέσον λόγον τενομένης, πενταπλασίον δύνηται τὸ ἄρ' αὐτὴ ἡμισείας τ' μείζον τμήματ' ἔλασσον.

Theor. 3. Prop. 3.

Si recta linea per extremā & mediam rationem secta sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidium assumpserit,



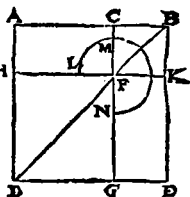
quintuplum potest eius , quod à maioris
segmenti dimidio describitur , quadrati.

¶

Εάν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον κὶ μέσον λόγον τμήθῃ,
ἔσθ' ἀπὸ τοῦ ὀλίσ κὶ τῷ ἐλάττονος τμήματος, τὰ συν-
αμφότερα τετραγώνια, ἑξήπλάσια ἔσθ' ἢ ἀπὸ τοῦ
μείζονος τμήματος τετραγώνου.

Theor. 4. Propo. 4.

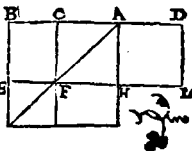
Si recta linea per extremam & mediam.
rationem secta sit, quod à
tota, quodq; à minore se-
gmento simul vtraq; qua-
drata , tripla sunt eius,
quod à maiore segmēto
describitur, quadrati.



Εάν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον κὶ μέσον λόγον τμήθῃ,
κὶ προστεθῇ ἴση τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἡ διθεῖα
ἄκρον κὶ μέσον λόγον τέτμηται, κὶ ἔσθ' ἢ μείζον τμή-
ματι ἑξήπλάσιον ἢ ἀπὸ τοῦ μείζονος τμήματος τετραγώνου.

Theor. 5. Proposi. 5.

Si ad rectam lineam, quæ
per extremam & mediā
rationem secetur, adiun-
cta sit altera segmēto ma-
iori æqualis , tota hæc li-
nea recta per extremam



& mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primùm posita.

5

Ἐὰν διθεῖα ῥητὴ ἄκρον κ' μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκαστόν τῶν τμημάτων ἄλογός ἐστι, ἢ καλεμένη ἀποτομή.

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, vtrunque segmentorum ἄλογον siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.

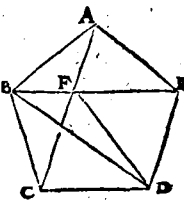


ξ

Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλεύρου αἱ ἑξῆς γωνίαι, ἢ τοιαῖα κατὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσαι ᾖσιν, ἰσογώνιος ἐστὶ πεντάγωνον.

Theor. 7. Propositio. 7.

Si pentagoni æquilateri tres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulum.



η

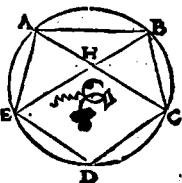
Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλεύρου ἑῶσιν ὅσες κατὰ τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὡς πείνωσι μὲν διθεῖαι, ἄκρον

T ii

καὶ μέσον λόγον τέμνυσιν ἀλλήλους, καὶ τὰ μείζονα αὐτῶν τμήματα ἴσα ἔστί τῇ τῷ πενταγώνου πλευρᾷ.

Theor.8.Propo.8.

Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos qui deinceps sequuntur angulos rectæ subtendant lineæ, illæ per extremam & mediam rationem se mutuo secant, earumque maiora segmenta, ipsius pentagoni lateri sunt æqualia.

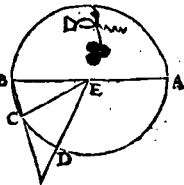


9

Ἐὰν ἡ τῷ ἑξαγώνου πλευρὰ καὶ ἡ τῷ δεκαγώνου, εἰς τὸ αὐτὸν κύκλου ἐπιγεγραμμένων, συντεθῶσιν, ἡ ὅλη διθδεῖα ἀκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον αὐτῆς τμήμα ἴσιν ἡ τῷ ἑξαγώνου πλευρᾷ.

Theor.9.Propo.9.

Si latus hexagoni & latus decagoni eidem circulo inscriptorum composita sint, tota recta linea per extremam & mediam rationem secta est, cuiusque segmentum maius, est hexagoni latus.



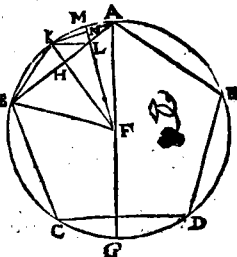
1

Ἐὰν εἰς κύκλου πεντάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγρα-

Φῆ, ἢ τῷ πενταγώνῳ πλῆθρά δύναται πῶς τε τῷ
ἐξαγώνῳ καὶ πῶς τῷ δεκαγώνῳ, τῷ εἰς τὸν αὐτὸν κύ-
κλον ἐγγεγραμμένων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentagō-
num æquilaterū in-
scriptum sit, pentagō-
ni latus potest & la-
tus hexagoni & latus
decagoni, eidem cir-
culo inscriptorum.

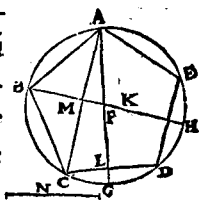


1 α

Ἐὰν εἰς κύκλον ῥητῶς ἔχοντα πῶς διαιρεθῇ, πεν-
ταγώνου ἰσόπλευρον ἐγγεγραφῇ, ἢ τῷ πενταγώνῳ
πλῆθρά ἄλογός ἐστι, ἢ καλεσμένη ἐλάσσου.

Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητῶς habentē
diametrum, inscriptū
sit pentagonum æquila-
terum, pentagoni latus ir-
rationalis est linea, quæ
vocatur Minor.

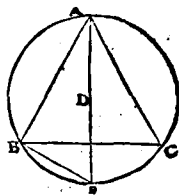


1 β

Ἐὰν εἰς κύκλον ῥητῶς ἔχοντα πῶς διαιρεθῇ, πεν-
ταγώνου ἰσόπλευρον ἐγγεγραφῇ, ἢ τῷ πενταγώνῳ
πλῆθρά ἄλογός ἐστι, ἢ καλεσμένη ἐλάσσου.

Theor.12. Propositio 12.

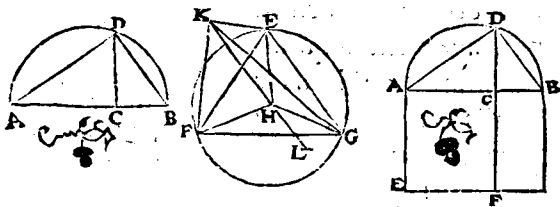
Si in circulo inscriptum sit triangulum æquilatè-
rum, huius trianguli latus
potentia triplum est eius
lineæ, quæ ex circuli cen-
tro ducitur.



17
Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ διόξεισιν, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ τῆς σφαίρας διάμε-
τρος, τριπλάμει ἡ μολία ἐστὶ τῇ πλυνρᾷ τῇ πυρα-
μίδι.

Probl.1. Propo.13.

Pyramidem constituere, & data sphæra
cōplecti, atque docere illius sphærae dia-
metrum potentia sesquialteram esse la-
teris ipsius pyramidis.

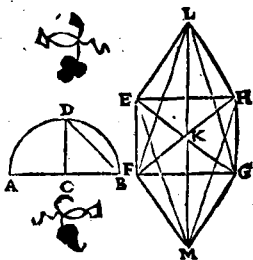


18
Ὅταν τὰ ἐδρεῖ συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
ἢ καὶ τὴν πυραμίδα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ τῆς σφαίρας

διὰ μέτρος διωάμει διπλῶς ὅτι αὐτὴ πλὴρῶς
τῷ ὀκταέδρῳ.

Probl. 2. Propo. 14.

Octaëdron consti-
tuere, eaque sphaera
qua pyramidem cō-
plecti, atque probare
illius sphaerae diame-
trum potentia du-
plam esse lateris i-
pſius octaëdri.

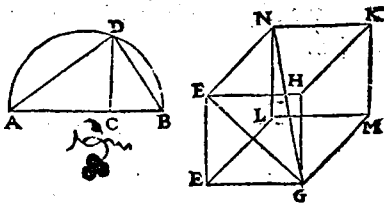


16

κύβου συστήσασθαι, εἰς σφαῖρα πᾶσι λαβεῖν ἢ εἰ τὰ
πρότερα, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ αὐτὴ σφαῖρα διὰ μέτρος
διωάμει διπλῶς ὅτι αὐτὴ τῷ κύβῳ πλὴρῶς.

Probl. 3. Propo. 15.

Cubum constituere, eaque sphaera qua &
superiores figuras cōplecti, atque doce-
re illius
sphaerae dia-
metrum
potentia
triplá esse
lateris i-
pſius cubi.



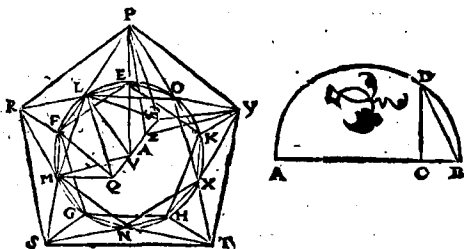
T iii

15

Εἰκογέεδρον συστήσασθαι κὺ σφαῖρα πῶδε λαβεῖν,
ἢ κὺ τὰ πειρημένα σχήματα, εἰ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς εἰ-
κογέεδρου πλὴρὰ ἀλογὸς ὄντι, ἢ καλεμένη ἐλάτ-
τωρ.

Probl.4. Propo.16.

Icosaëdrū cōstituere , eademque sphæra
qua & antedictas figuras complecti , at-
que probare , Icosaëdri latus irrationalē
esse lineam, quæ vocatur Minor.



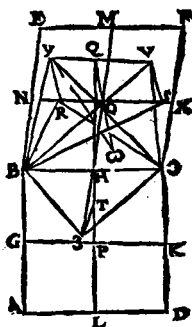
18

Δωδεκαέεδρον συστήσασθαι εἰ σφαῖρα πῶδε λα-
βεῖν, ἢ κὺ τὰ πειρημένα σχήματα, εἰ δεῖξαι ὅτι ἡ
τῆς δωδεκαέεδρου πλὴρὰ ἀλογὸς ὄντι, ἢ καλεμένη
ἀποδομή.

Probl.5. Propo.17.

Dodecaëdrum constituere , eadēque
sphæra qua & antedictas figuras com-

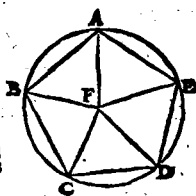
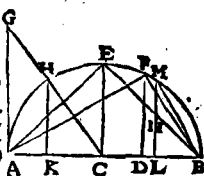
plecti, atque probare dō
decaëdri latus irrationalē
esse lineam, quæ vo-
catur Residuum.



τὰς πλευρὰς τῆς πέντε χημῶταρ ἐκδέσθαι, καὶ
συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque
figurarum
latera pro-
ponere, &
inter se cō-
parare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Λέγω δὴ ὅτι παρὰ τὰ εἰρημένα ἔχηματα ἔσυστα
θήσεται ἑτέρον χῆμα, πᾶσι γωνίαις ὑποῖσο-
πλῶν τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀνιήλοισι. ὥστε
ἢ ἢ δύο ἴσων γωνίων, ἀλλ' ἔστι δὲ ἄλλων δύο ἐπι-
πλάτων τερεῖα γωνία ἔσυσταθήσεται.

Υπὸ ὃ ξιῶν βιγώνωρ, ἢ αὖ πυραμίδι.

Υπὸ ὃ τεσσάρωρ, ἢ τῷ οὐκ αἰδέδωρ.

Υπὸ ὃ εἰ, ἢ τῷ εἰκοσάεδωρ.

Υπὸ δὲ ἐξ βιγώνωρ ἰσοπλύρωρ τέ καὶ ἰσογωνίωρ
πρὸς ἐνὶ σημείω στωισαμένωρ, ἕκῃςται σερρεὰ γω-
νία. ὅσῃς γὰρ αὖ τῷ ἰσοπλύρωρ βιγώνωρ γωνίας δι-
μοίρω ὁρθῆς, ἔθονται αἱ ἐξ τέττασιν ὁρθῶν ἰσῶν, ὅ-
σοι ἀδύνατω. ἅπατα γὰρ σερρεὰ γωνία, ὥσθ' ἐ-
λφασόνωρ ἢ τεσσάρωρ ὁρθῶν περικέχεται. Διὰ ταῦ-
τα αὐτὰ διὰ ἑαυτῶν ὥσθ' ὡς πλείονωρ ἢ ἐξ γωνιῶν ὡς πλεί-
ονωρ σερρεὰ γωνία στωισαται.

Υπὸ δὲ τετραγώνωρ βιγώνωρ, ἢ τῷ κύβω γωνία πε-
ρικέχεται.

Υπὸ ὃ τεσσάρωρ, ἀδύνατω. ἔθονται γὰρ πάλιν
τέσσαρες ὁρθαί.

Υπὸ δὲ πενταγώνωρ ἰσοπλύρωρ ὃ ἰσγωνίωρ.
ὥσθ' ἢ ξιῶν, ἢ τῷ δωδεκαέδωρ.

Υπὸ ὃ τεσσάρωρ, ἀδύνατω. ὅσῃς γὰρ αὖ τῷ ἰσο-
πλύρωρ πενταγώνωρ γωνίας ὁρθῆς ὃ πέντε, ἔσον-
ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρωρ ὁρθῶν μείζους,

ὁ ὅμοιος ἀδύνατον. ἔσθ' ἂν μὴν ἑῷ πολυγώνῳ ἐτέρῳ
 χημάτων πῶς αἰσθάνεται σερεὰ γωνία, διὰ τὸ
 ἄβυστον. ἐκ ἄρα παρὰ τὰ εἰρημένα ἔχει χημάτα ἑτε-
 ρου χημά σερεὸν συσταθήσεται, ὑπὸ ἰσοπλευρῶν
 ἰσογωνίων πῶς αἰσθάνεται. ὁ ὅμοιος ἔσθ' ἀδύνατον.

SCHOLIUM.

*Aio verò, præter dictas quinque figuras non pos-
 se aliam constitui figuram solidam, quæ pla-
 nis & æquilateris & æquiangulis contineat-
 ur, inter se equalibus. Non enim ex duobus
 triangulis, sed neque ex aliis duabus figuris
 solidus constituetur angulus.*

*Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis
 angulus.*

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque verò, Icosaëdri.

*Nam ex triangulis sex & æquilateris &
 æquiangulis ad idem punctum coeuntibus,
 non fiet angulus solidus. Cum enim trianguli
 æquilateri angulus, recti unius bessem conti-
 neat, erunt eiusmodi, sex anguli rectis qua-
 tuor æquales. Quod fieri nō potest. Nam so-
 lidus omnis angulus, minoribus quàm re-
 ctis quatuor angulis continetur, per 21. II.*

EVCLID. ELEMEN. GEOM.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus
quàm planis sex eiusmodi angulis solidus
constat.

Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus con-
tinetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti
quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris &
æquiangulis, Dædecædri angulus cōtinetur.
Sed ex quatuor, nullus potest. Cum enim pen-
tagoni æquilateri angulus rectus sit & quin-
ta recti pars, erunt quatuor anguli rectis qua-
tuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex
aliis polygonis figuris solidus angulus conti-
nebitur, quòd hinc quoque absurdum sequa-
tur. Quamobrem perspicuum est, præter di-
ctas quinque figuras aliam figuram solidam
nō posse constitui, quæ ex planis æquilateris
& æquiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΔΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς ὀιονταί Ἰνες, ὡς ἄλλοι δ', ΥΥΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ποῦ τῷ ἔσσωμάτω,

πρῶτον.

ΒΑΣΙΛΕΪΔΗΣ ὁ τύριθ, ὃ πρῶταρχε, παρὰ γε-
νηθεὶς εἰς ἀλεξάνδρειαν, κῆρυσσας τοῖς πατρί-
ῃς διὰ τὴν ἀρχὴν μαθημάτων συγγένειαν, συν-
διέξιψεν αὐτῷ τὸν πλεῖστον χρόνον ἐπισημίας χρό-
νον. καί ποτε διελθόντες ὑπὸ ἀπολλωνίου γρα-
φὴν ποῦ ἐκ συγκρίσεως τῆς Δωδεκαέδρου καὶ τῆς
εἰκοσέδρου, τῷ εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγρα-
φομένων, ἵνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἀλλήλας,
ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὁρθῶς γεγραφεῖναι τὸν ἀρχι-
λόνιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα διψκαθάρσαντες, ἔ-
γραψαν, ὥστε ἀνέειν τὴν παῖδος. ἐγὼ δ' ὑστερον

πωδέπεσορ ἐτέρω βιβλίῳ ὑπὸ ἑλλωνίς ἐκδιε-
 δομένῳ, καὶ πωδέχοντι ἀπόδειξις ὑγιῶς πωδὶ τῷ
 ὑποκειμένῳ, εἰ μεγάλως ἐφ' υχαγωγῆθῳ ὡδὶ τῇ
 πωδλήματ' ὅ ζήτησθ. τ' ἢ ὑπὸ ἀπολλωνίς ἐκ-
 διο. ἔρ' εἶοικε κοιτῇ σκοπεῖν. καὶ ἔρ' πωδφέρειται.
 τ' δ' ὑφ' ἡμῶν διοκῆν ὕστερον γεγραφέναι φιλο-
 πόνως, ὅτε διοκῆν, ὑπομνηματίζεσθ' ἔκρινε
 πωσφωνήσαι σοι. διὰ τὴν εἰ ἀπασι μαθήμασι,
 μάλιστ' εἰ γεωμετρίᾳ πωσκοπὴν ἐμπείρως κρι-
 νοντὶ τὰ ῥηθνοδόμωα, διὰ ὃ τὴν πρὸς τὸν πατέρα
 σωθήθῃαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς θύνοισαν, θύμωδ' ἀκκο-
 μένῳ εἰ πωγματείας. καιρὸς δ' ἂν εἴη πωροι-
 μὴς ἢ πωπαῦσαι, τ' ὃ σωτάξεως ἀρχεσθαι.



EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM QV AR

TVM, VT QVIDAM ARBI-

trantur, vt alij verò, Hy-

psiclis Alexandrini,

de quinque cor-

poribus,

LIBER PRIMVS.

Basilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplinæ societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cumque dissererent aliquando de scripta ab Apollonio cōparatione Dodecaedri & Icosaedri eidem sphaeræ inscriptorum, quam hæc inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè tradidisse Apollonium: quæ à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-

monstrationem accuratè complecteretur de re
proposita, ex eiusque problematis indagatione
magnam equidem cepi voluptatem. Illud certè
ab omnibus perspicui potest, quod scripsit Apol-
lonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem
diligenti, quantum coniiicere licet, studio nos po-
stea scripsisse videmur, id monimentis consigna-
tum tibi nuncupandum duximus, ut qui felici-
ter cum in omnibus disciplinis tum vel maxime
in Geometria versatus, scitè ac prudenter iudi-
ces ea quæ dicturi sumus: ob eam verò, quæ tibi
cum patre fuit, vitæ consuetudinem, quaque nos
complecteris, benevolentiam, tractationē ipsam
libenter audias. Sed iam tempus est, ut proæmio
modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Γροτάσεις.

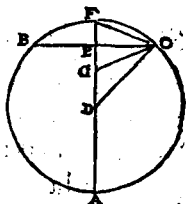
α,

Ἡ ἀπὸ τοῦ κέντρου κύκλου ἑνὸς, ὡς πρὸς τὴν περιμέ-
τρου πλῆρην, ἢ εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφο-
μένη καὶ τετραγώνη, ἡμισία ἐστὶ σωμαφορ-
τῆς, ὅτι τε ἐκ τοῦ κέντρου καὶ ἐπὶ τῇ περιμέτρῳ, τῇ εἰς
τὸν κύκλον ἐγγραφομένῳ.

Theor. I. Propo. I.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cu-
iuspiam

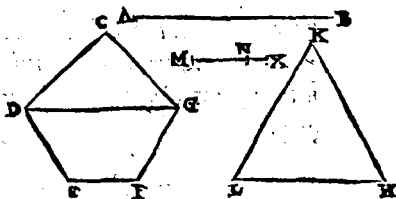
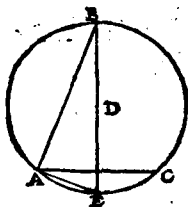
iuspiam cētro in latus pentagōni ipsi circulo inscripti ducitur, dimidia est vtriusque simu lineæ, & eius quæ ex centro, & lateris decagōni in eodē circulo inscripti.



β
Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ τε τῷ Δωδεκαέδρῳ πεντάγωνον, καὶ τῷ εἰκοσάεδρῳ τριγώνον ἢ εἰς πλὴν αὐτῶν σφαῖρα μέγεθος φερόμενον.

Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dodecaëdri pentagonum & icosaëdri triangulum, eidem sphaeræ inscriptorum.



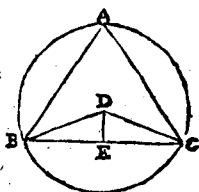
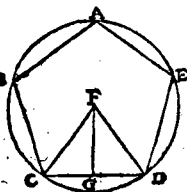
γ
Ἐὰν ᾖ πεντάγωνον ἰσοπλευρὸν τε & ἰσογώνιον, καὶ περιτῆστο κύκλος, καὶ ἀπὸ τῆς κέντρης καθεκτῇ ὑπὸ μίαν πλευρὰν ἀχθῇ, ἢ ξισκοντάκεις ᾧ πρὸ μᾶς τῇ πλευρῶν ᾧ καθεκτῇ, ἴσον ἐστὶ τῇ τῇ διωδισκαέδρῳ ὑπὸ φανείᾳ.

Theor.3.Propo.3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangu-
lo circumscriptus sit circulus, ex cuius cẽ-
tro in vnũ pentagoni latus ducta sit per-
pendicularis: quod vno laterum & per-
pendicula

ri trige-
fies conti-
netur, il-
lud æqua-
le est dẽ-

decaẽdri superficie.



¶

Τὸ τετράγωνον ὄντος, ἡμικτεροῦ ὅτι ἔσται ὡς ἡ τὸ Δωδε-
κάεδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῆς εἰκοσέδρου, ὅπως
ἡ τὸ κύβου πλὴν πρὸς τὴν τῆς εἰκοσέδρου πλὴν
ραμ.

Theor.4.Propo.4.

Hoc perspicuum cùm sit, probandum
est, quemadmodũ se habet dẽdecaẽdri

Δεικτέον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλυρὰ πρὸς
 τὴν τῷ εἰκογώνῳ, ἔτι καὶ σφαιρὸν τῷ δωδεκαγώνῳ
 πρὸς τὸ σφαιρὸν τῷ εἰκογώνῳ. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 περιλαμβάνουσι τό, τε τῷ δωδεκαγώνῳ πεντά-
 γωνον καὶ τῷ εἰκογώνῳ τρίγωνον, τῷ εἰς τὴν αὐτὴν
 σφαῖραν ἐγγραφόμενον, οἱ ὅτε ταῖς σφαίραις οἱ ἴσοι
 κύκλοι ἰσορᾷ περιέχουσιν ἀπὸ τῷ κέντρῳ. αἱ γὰρ ἀπὸ τῷ
 κέντρῳ εἰς σφαῖρας ὑπὸ τὰ τῷ κύκλῳ ἐπιπέδῳ
 κἀκεῖνοι ἀγόμενοι, ἴσοι τε εἰσὶν ὡς ὑπὸ τὰ κέντρα
 τῷ κύκλῳ ἐπιπίπτουσιν. ὥς τε αἱ ἀπὸ τῷ κέντρῳ εἰς
 σφαῖρας ὑπὸ τῷ κέντρῳ τῷ κύκλῳ τῷ περιλαμβαν-
 ούντων τό τε τῷ εἰκογώνῳ τρίγωνον ὡς τῷ
 δωδεκαγώνῳ πεντάγωνον, ἴσοι εἰσὶ, τετέστι αἱ
 κἀκεῖνοι. ἰσοῦ φεῖς ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βά-
 σεος ἔχουσαι τὰ τῷ δωδεκαγώνῳ πεντάγωνα, καὶ
 αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τῷ εἰκογώνῳ τρίγωνα. αἱ ὅτε
 ἰσοῦ φεῖς πυραμίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις. ὥς ἄρα τῷ πεντάγωνον πρὸς τῷ τρίγωνον,

ἕτας ἡ πύραυλος ἥς βάσις μὲν δίδι τ' ἑ Δωδεκαέδρου
 πεντάγωνον, κορυφή δ' εἰς κέντρον αὐτοῦ σφαίρας,
 πρὸς τὴν πυραμίδα ἥς βάσις μέν δίδι τ' ἑ εἰκο-
 γέδρου τριγώνον, κορυφή δ' εἰς κέντρον αὐτοῦ σφαίρας.
 Ὡς ἄρα Δωδεκα πεντάγωνον πρὸς εἰκοσι τρίγωνον,
 ἕτω Δωδεκα πυραμίδες πενταγώνων βάσις
 ὅς ἐχεται πρὸς εἰκοσι πυραμίδας τρίγωνας βά-
 σεις ἔχουσιν. καὶ Δωδεκα πεντάγωνον ἡ τῷ Δωδε-
 καέδρου ἐπιφάνειά δεικνύει, εἰκοσι δὲ τρίγωνα ἡ τῷ εἰκο-
 γέδρου ἐπιφάνειά δεικνύει, ἔστι ἄρα ὡς ἡ τῷ Δωδεκαέ-
 δρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῷ εἰκογέδρου ἐπιφάνειαν,
 ἕτω Δωδεκα πυραμίδες πενταγώνων βάσις ἔ-
 χεται πρὸς εἰκοσι πυραμίδας τρίγωνων βάσις ἔ-
 χουσιν. εἰς δὲ Δωδεκα μὲν πυραμίδες πενταγώ-
 νων βάσις ἔχεται, τ' ἑρεῖον τῷ Δωδεκαέδρου, εἰ-
 κοσι δὲ πυραμίδες τρίγωνων βάσις ἔχεται, τ' ἑ-
 ρεῖον τῷ εἰκογέδρου. καὶ ὡς ἄρα ἡ τῷ Δωδεκαέδρου
 ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῷ εἰκογέδρου, ἕτω τ' ἑρεῖον
 τῷ Δωδεκαέδρου πρὸς τ' ἑρεῖον τῷ εἰκογέδρου. ὡς
 δὲ ἡ ἐπιφάνεια τῷ Δωδεκαέδρου πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν

ἡ δὲ τῶν εἰκογώνων, ὅπως ἐδείχθη ἢ τὸ κύβου πλά-
τος πρὸς τὴν τῶν εἰκογώνων πλάτος, καὶ ὡς ἄρα ἡ
τὸ κύβου πλάτος πρὸς τὴν τῶν εἰκογώνων πλάτος,
ὅπως τὸ σφαιροῦ τὸ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ σφαιροῦ τῶν
εἰκογώνων.

SCHOLIUM.

*Nunc autem probandum est, quemadmodum
se habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habe-
re solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cui
enim aequales circuli comprehendant & dode-
caëdri pentagonum & Icosaëdri triangulum,
eidem sphaerae inscriptorum: in sphaeris autem æ-
quales circuli æquali intervallo distent à centro
(siquidem perpendiculares à sphaerae cetro ad circuli
lorum plana ductæ & æquales sunt, & ad cir-
culorum centra cadunt) idcirco lineæ, hoc est
perpendiculares quæ à sphaerae centro ducuntur
ad centrum circuli comprehendentis & triangu-
lum Icosaëdri & pentagonum dodecaëdri, sunt
æquales. Sunt igitur æqualis altitudinis Pyrami-
des, quæ bases habent ipsa dodecaëdri pentago-
na, & quæ, Icosaëdri triangula. At æqualis alti-
tudinis pyramides rationem inter se habent eam
quam bases, ex 5. & 6. II. Quemadmodum igi-
tur pentagonum ad triangulum, ita pyramis,*

cuius basis quidem est dodecaëdri pëtagōnum, vertex autem, sphaera centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autem, sphaera centrum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triagula, ita duodecim pyramides quorum pentagona sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonas habeant bases. At pëtagōna duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigona sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri : viginti autem pyramides, quae trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II. 5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quæadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.

V iiii



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ἸΕΚΑΪ
ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς οἰονταί τινες, ὡς ἄλλοι δὲ ὕψι-
κλέους Ἀλεξανδρέως,
ποὺ τῇ εἰσωμά-
τῳ, διδύτορον.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVMQ VINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant:

vt autem alii, Hypsi-

clis Alexandrini

de quinq; cor-

poribus,

LIBER SECVNDVS.

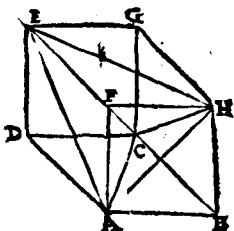
Προτάσεις.

α.

Εἰς τὸ διορίσιν τὸν κύκλον πῶς ἐκ μὲν ἀπὸ τῆς ἐπὶ τῆς

Problema 1. Pro-
positio 1.

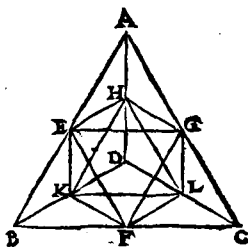
In dato cubo pyra-
mida inscribere.



β
Εἰς τὸ δοθέν κυβον πύραμίδα ὀκταέδρου ἐγγράψαι.

Problema 2. Pro-
positio 2.

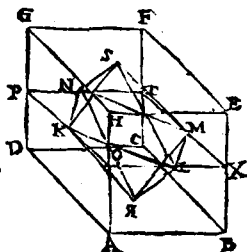
In data pyramide o-
ctaëdron inscribere.



γ
Εἰς τὴν δοθέντα κύβου ὀκταέδρου ἐγγράψαι.

Probl.3. Pro-
positio 3.

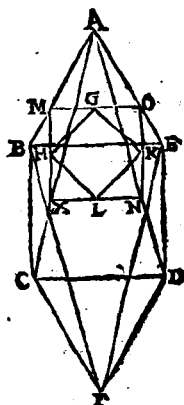
In dato cubo octaë-
dron inscribere.



δ
Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκταέδρου ἐγγράψαι.

Problema 4. Pro-
positio 4.

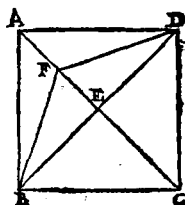
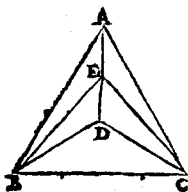
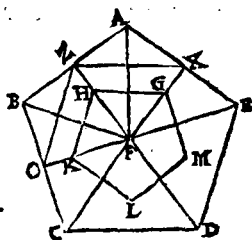
In dato octaëdro cubum
inscribere.

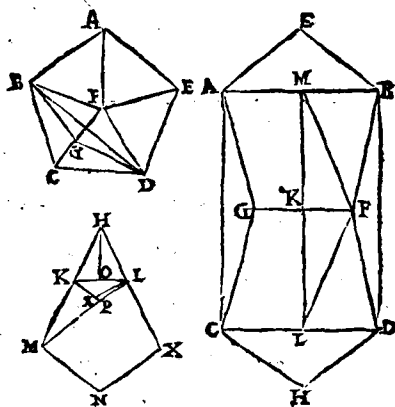


Εἰς τὸ δοθέν οκταέδρου κύβου ἐν-
εῖναι.

Proble. 5. Pro-
positi. 5.

In dato Icosaëdro
dodecaëdron inscri-
bere.





Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι ἐάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πόδες πλθυ-
 ρὰς ἔχει τ' εἰκοτέτρετον, φήσομεν ὅτι οὐκ ἔστι. φανερόν ὅτι
 ἂν τὸ εἰκοσι τρίγωνον ποδόμεχεται τ' εἰκοτέτρετον,
 καὶ ὅτι ἑκάστον τρίγωνον ἂν τὸ τρίον διττῶν ποδόμε-
 χεται. διὲρ οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσας τὰ εἰκοσι
 τρίγωνα ὡς τὰς πλθυράς τ' ἑξήκοντα, γίνεται δὲ
 ἐξήκοντα, ὅν ἡμῶν γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ
 ὡς τὰς δωδεκάεδρους. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-
 γωνα ποδόμεχαι τ' δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἑκά-
 στον πεντάγωνον ἔχει πέντε διθείας, ποιεῖμεν δω-
 δεκάκτισ πέντε, γίνεται ἐξήκοντα. πάλιν τ' ἡμῶν
 γίνεται τριάκοντα. διὰ τί δὲ τ' ἡμῶν ποιεῖμεν;
 ἐπειδὴ ἑκάστῃ πλθυρᾷ, καὶ τῇ τρίγωνου, καὶ πεντά-
 γωνου, καὶ τετραγώνου, ὡς ὡς καὶ κύβου, ἐκ διθυτέρας λαμ-
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὡς καὶ κύβου, καὶ
 ὡς τῇ πυραμίδι, καὶ τῇ ὀκταέδρῳ τὰ αὐτὰ
 ποιήσας διήσεις τὰς πλθυράς. εἰ δὲ βληθείης πάλ-
 λιν ἑκάστῃ τῶν πέντε σχημάτων διρεῖν τὰς γωνίας, πάλ-

λιν τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε παρὰ τὰ ἐπίπεδα
 τὰ πωδiléχοντα μίαν γωνίαν ἑξ ἑστέ, οἷον ἐπειδὴ
 πλὴν τῆς εἰκοσάεδρου γωνίας πωδiléχουσι ἑξήγωνα,
 μέριξε παρὰ τὰ ἑ, γίνονται δωδεκά γωνία τῆς
 εἰκοσάεδρου. ἡ δὲ δὲ τῆς δωδεκαέδρου, τρία πεντά-
 γωνα πωδiléχουσι πλὴν γωνίας, μέρισον παρὰ τὰ
 ἑξή, καὶ ἕξεις ἡ γωνίας ἕξ τῆς δωδεκαέδρου. ὁ-
 μοίως δὲ ἐκ τῆς λοιπῆς διήσεις τὰς γωνίας.

τέλος Εὐκλείδους στοιχείων.

SCHOLIUM.

Meminisse decet, si quis nos roget quot Icosae-
 drum habeat latera, ita respondendum esse. Pa-
 tet Icosaedrum viginti contineri triangulis,
 quodlibet verò triangulum rectis tribus constare
 lineis. Quare multiplicanda sunt nobis viginti
 triangula in trianguli unius latera, fiuntque se-
 xaginta, quorum dimidium est triginta. Ad
 eundem modum et in dodecaedro. Cum enim
 rursus duodecim pentagona dodecaedrum com-
 prehendant, itemque pentagonum quodvis rectis

quinque cōstet lineis, quinque duodecies multipli-
camus, fiunt sexaginta, quorū rursus dimidium
est triginta. Sed cur dimidiū capimus? Quoniam
Vnumquodque latus siue sit trianguli siue penta-
goni, siue quadrati, vt in Cubo, iteratō sumitur.
Similiter autem eadem via & in cubo & in
pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quod
si item velis singularum quoque figurarum an-
gulos reperire, facta eadem multiplicatione nu-
merum procreatum partire in numerum plano-
rum quæ Vnum solidum angulum includunt: vt
quoniam triangula quinque Vnum Icosaëdri an-
gulum continent, partire 60. in quinque, nascun-
tur duodecim anguli Icosaëdri. In dodecaëdro
autem tria pentagona angulum comprehendunt.
partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri
angulos viginti. Atque simili ratione in reli-
quis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.

NON POTVIT FIERI, CANDIDE

Lector, quin errores aliquot recenti huic editioni obrepserint propter varias in exemplari scripto luras, quibus pleraque nobis immutanda fuerunt. Hos ergo strictim notatos amice & beneuolè corrigito.

Libro 1. in definitio. ε. lege ἐπιφάνεια. 8. iacetiū. 9. ὅταν. m. πῶς φερείας. λγ. πλῆρες. 33. inter se equalia. 35. parallela rectæ. In postula. 6. πῶς περιεσμέντω. 2. continuum. In propositio. δ. ὅφ' ἂς αἰ. ζ. ὡς τὰ. 8. equalibus. κς. διυσι γωνίας. λθ. μέρη, κγ. μδ. παρὰ. 6. αλῆμ. 47. continentibus describuntur, quadratis. Libro 2. in definit. β. χωρί, τῷ πῶς τῶν διαμέτρων αὐτῶν. propo. 5. εὐθεία ἐπ' εὐθείας. ὁρθογώνιον. 6. ex adiecta, simul cum quadrato α. Lib. 3. propo. γ. δίχα τέμνη, κγ. πρὸς ὁρθὰς αὐτῶν τεμνεί. κγ. ἑὰν πρὸς ὁρθὰς. 8. rectarum. ις. μεταξὺ τῶν τε εὐθείας κγ. τῶν πῶς φερείας ἑτέρω θύξια. Lib. 5. definit. ι. ἐλῆ. 15. 15. 8. prop. α. τοῦτα πλάσια ἔσται. 2. tertia cū sexta, quarta. 21. ipsis equalis. Lib. 6. prop. 5. sub quibus homologa. ις. ἴσόν ἐστι τῶν ὡς τῶν μέσων πῶς εὐχομένω ὁρθογώνω. 6. 6. 1. Lib. 7. definit. ι. ζ. πλῆρες αὐτῶν. propo. κ. α. τῷ αὐτὲρ λόγῳ. κθ. ποιῆ. 12. α. οἱ. Lib. 9. propo. ι. β. ὅφ' ὅσων ἂν ὁ. λ. ἡμισυν αὐτῶν. Lib. 11. propo. δ. διυσι θύξιας. λ. ε. μετὰ ὧν ληφθῆ. Lib. 13. fol. 119. b. vers. 7. ἐξ τέτταρον. In quibusdam accentuum ex distinctionum notulis quicquid peccatum fuerit, id facillè vel tacentibus nobis animaduerti potest.



20 730