

Notes du mont Royal

www.notesdumontroyal.com

Cette œuvre est hébergée sur « *Notes du mont Royal* » dans le cadre d'un exposé gratuit sur la littérature.

SOURCE DES IMAGES
Google Livres

EVCLIDIS ELEMENTORVM

LIBRI XV. GRÆ-
cè & Latiné,

*Quibus, cum ad omnem Mathematica scientia
partem, tum ad quamlibet Geometria tra-
ctationem, facilis comparatur aditus.*

Επίγραμμα παλαιόν.

Σχήματα πέντε γλάτων Θ, ἄγυθαγόρας σο-
φὸς ὄρε.

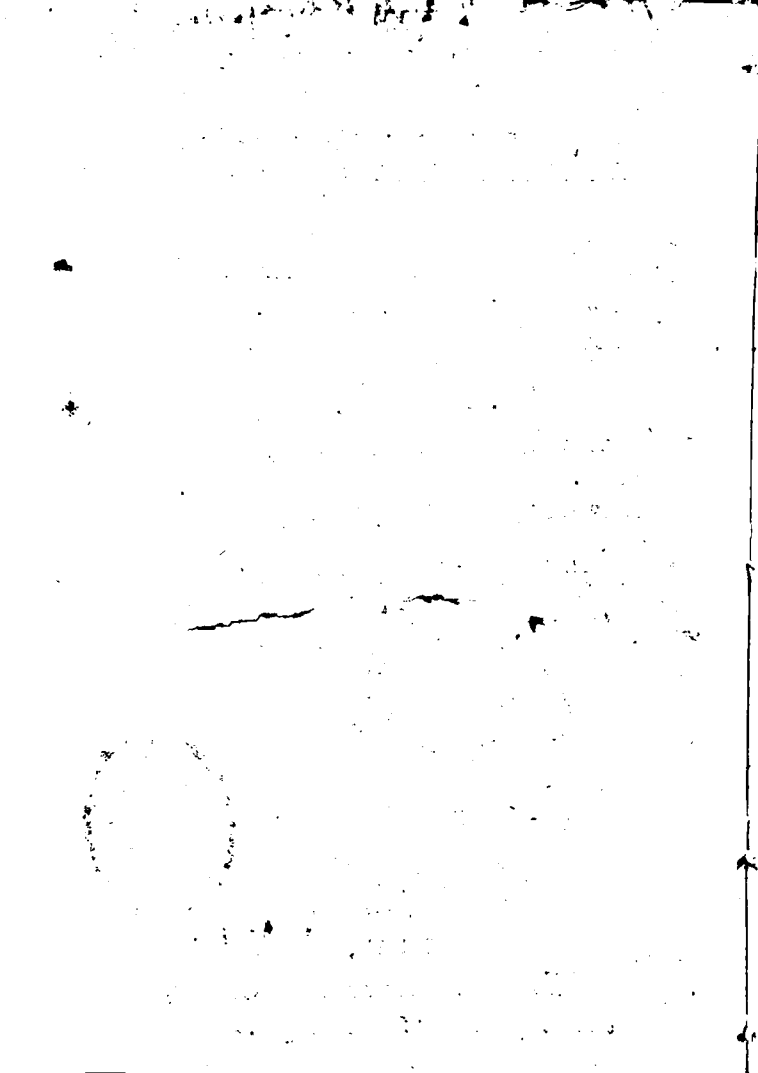
Γυθαγόρας σοφὸς ὄρε, Πλάτων δ' ἀρίστηλ' ἐδί-
δαξευ,

Ἡκλείδης ὡδὶ τοῖσι κλέθ' ὠδυναλλὲς ἔταξευ.



LVTETIAE, ~~XXXX~~

*Apud Gulielmum Cauellat, in pingui Gallina,
ex aduerso collegij Cameracensis.*





AD CANDIDVM LE-

CTOREM ST. GRACILIS

Præfatio.

PERMAGNI referre semper existimaui, lector beneuole, quantum quisque studij & diligentia ad percipienda scientiarum elementa adhibeat, quibus non satis cognitis, aut perperam intellectis, si vel digitum progredi tentes, erroris caliginem animis offundas, non veritatis lucem rebus obscuris adferas. Sed principiorum quanta sint in disciplinis momenta, haud facile credat, qui rerum naturam ipsa specie, non viribus metiatur. Vt enim corporum quæ oriuntur & intereunt, vilissima tenuissimæque videtur initia: ita rerum æternarum & admirabilium, quibus nobilissimæ artes continentur, elementa ad speciem sunt exilia, ad vires & facultatē quàm maxima. Quis non videt ex fici tantulo grano, ut ait Tullius, aut ex acino vinaceo, aut ex cæterarum frugum aut stirpium minutissimis se-

P R Æ F A T I O.

minibus tantos truncos ramosque proceari? Nā
 Mathematicorū initia illa quidē dictū auditq;
 perexigua, quantam theorematum syluam no-
 bis pepererunt? Ex quo intelligi potest, ut in ipsis
 seminibus, sic & in artium principijs inesse vim
 earum rerum, quæ ex his progignuntur. Præclare
 igitur Aristoteles, ut alia permulta, μέγιστον ἰ-
 σως ἀρχὴ πᾶντος, καὶ ὅσων κεφάλισον τῇ διωάμει, τ-
 σὲται μικρότατον οὐ τοῦ μεγέθει χαλεπὸν ὅσιν ὀ-
 φθῖναι. Quocirca committendum non est, ut nō
 bene prouisa & diligenter explorata scientia-
 rum principia, quibus propositarum quarumq;
 rerum veritas sit demonstranda, vel constituas,
 vel constituta approbes. Cauendū etiā, ut ne tan-
 tulum quidem fallaci & captiosa interpretatio-
 ne turpiter deceptus, à vera principiorum ratio-
 ne temere deflektas. Nam qui initio fortè aber-
 rauerit, is ut tandem in maximis versetur erro-
 ribus necesse est: cum ex vno erroris capite den-
 siores sensim tenebræ rebus clarissimis obducantur.
 Quid tam varias veterum physiologorū sen-
 tentias non modo cum rerum veritate pugnātes,
 sed vehementer etiam inter se dissentientes no-
 bis inuexit? Equidem haud scio fueritne vlla
 potior tanti dissidij causa, quàm quòd ex princi-
 pijs partim falsis partim non consentaneis du-

P R Æ F A T I O.

Etas rationes probando adhiberent. Fit enim ple-
runque, Ut qui non rectè de artium rerumque ele-
mentis sentiunt, ad præfinitas quasdam opinio-
nes suas omnia reuocare studeant. Pythagorei,
Ut meminit Aristoteles, cum denarij numeri
summam perfectionem celo tribuerent, nec plu-
res tamen quam nouem sphaeras cernerent, deci-
mam affingere ausi sunt terræ aduersam, quam
ὀπίσθια ὄρα appellarunt. Illi enim vniuersitatis re-
rumque singulariū naturam ex numeris ceu prin-
cipiis æstimantes, ea protulerunt quæ Φαυομέ-
νους congruere nusquam sunt cognita. Nam ridi-
cula Democriti, Anaximenis, Melissi, Anaxa-
goræ, Anaximandri, & reliquorum id genus
physiologorum somnia, ex falsis illa quidem or-
ta naturæ principiis, sed ad Mathematicum ni-
hil aut parum spectantia, sciens prætereo. Non-
nullos attingā, qui repetitis altius, vel aliter ac
decuit positis rerum initiis, cum in physicis mul-
ta turbauerunt, tum Mathematicos oppugnatione
principiorum pessimè mulctarunt. Ex planis fi-
guris corpora constituit Timæus: Geometrarum
hæc quidem principia cuniculis oppugnātur. Nā
& superficies seu extremitates crassitudinē ha-
bebunt, & lineæ latitudinem: denique pūcta nō
erunt indiuidua, sed linearum partes. Prædicāt

P R Æ F A T I O.

Demacritus atq; Leucippus illas atomos suas, & indiuidua corpuscula. Concedit Xenocrates impartibiles quasdam magnitudines. Hic verò Geometriae fundamenta apertè petuntur, & funditus euertuntur: quibus dirutis nihil equidem aliud video restare, quàm vt amplissima Mathematicorum theatra repente concidant. Iacebunt ergo, si diis placet, tot præclara Geometrarum de asymmetris & alogis magnitudinibus theoremata. Quid enim causæ dicas cur indiuidua linea hanc quidem metiatur, illam verò metiri nõ queat? Siquidem quod minimum in vnoquoque genere reperitur, id communis omnium mensura esse solet. Innumerabilia profectò sunt illa, quæ ex falsis eiusmodi decretis absurda cõsequuntur: & horum permulta quidem Mathematicus, sed longè plura colligit Physicus. Quid varia ἄσπετος γενεὰ genera commemore, quæ ex hoc vno fonte tam longè latèque diffusa fluxisse videntur? Notissimus est Antiphontis tetragōnis, qui Geometrarum & ipse principia non parum labefecit, cum rectæ lineæ curuam posuit æqualem. Lõgum esset mihi singula percensere, præsertim ad alia properanti. Hoc ergo certum, fixum & in perpetuum ratum esse oportet, quod sapienter monet Aristoteles, αὐτοὺς ἐποπῶν ὁ-

P R Æ F A T I O.

ἐρωτῶσι καλῶς αἱ ἀρχαὶ. μετὰ τὴν πρῶτην εἰς
 τὴν πρῶτην ἐπέλθοι. Nam principii illa congrue-
 re debent, quæ sequuntur. Quod si tantum perspi-
 citur in istis exilioribus Geometriæ initiis, quæ
 puncto, lineæ, superficiei definiuntur, momentum,
 ut ne hac quidem sine summo impendentis rui-
 na periculo connelli aut oppugnari possint: quan-
 ta quæso vis putanda est huius σοιχειώσεως, quæ
 collatis tot præstantissimorum artificum inuen-
 tis, mira quadam ordinis solertia contexuit Eu-
 clides, vniuersæ Matheseos elementa complexu
 suo coercentem? Vt igitur omnibus rebus instru-
 ctior & paratior quisque ad hoc studiū libetius
 accedat, & singula vel minutissima exactius
 secum reputet atque perdiscat, operæ precium cense-
 in primo institutionis aditu vestibuloque præci-
 pua quedam capita, quibus tota ferè Mathema-
 tica scientiæ ratio intelligatur, breuiter explica-
 re: tum ea quæ sunt Geometriæ propria, diligen-
 ter persequi: Euclidis denique in extruenda hac
 σοιχειώσῃ consiliū sedulò ac fideliter exponere.
 Quæ ferè omnia ex Aristotelis potissimū ducta
 fontibus, nemini inuisa fore cōfido, qui modò in-
 genuū animi candorem ad legendum attulerit.
 Ac de Mathematicæ diuisione primū dicamus.
 Mathematicæ in primis scientiæ studiosos

P R Æ F A T I O.

fuisse Pythagoreos, non modò historicorum, sed
 etiam philosophorum libri declarant. His ergo
 placuit, ut in partes quatuor vniuersum distri-
 buatur Mathematicæ sciētiae genus, quarū duas
 ὁδὸν ἑποιοῦν, reliquas ὁδὸν ἡμετέραν versari
 statuerunt. Nam ἡ ἑποιοῦν vel sine ulla com-
 paratione ipsum per se cognosci, vel certa quadā
 ratione comparatum spectari: in illo Arithme-
 ticam, in hoc versari Musicam: ἡ ἡμετέρα
 partim quiescere, partim moueri quidem: illud
 Geometriæ propositum esse: quod verò sua spon-
 te motu ciatur, Astronomiæ. Sed ne quis falsò pu-
 tet Mathematicam scientiam, quòd in utroque
 quanti genere cernitur, idcirco inanem videri
 (si quidem non solùm magnitudinis diuisio, sed
 etiam multitudinis accretio infinitè progredi po-
 test) meminisse decet, ἡ ἡμετέρα ἡ ἑποιοῦν, quæ
 subiecto Mathematicæ generi imposita sunt à
 Pythagoreis nomina, non cuiuscūque modi quā-
 titatem significare, sed eam demū, quæ tum mul-
 titudine tum magnitudine sit definita, et suis cir-
 cumscripta terminis. Quis enim vllā infiniti sciē-
 tiæ defendat? Hoc scitū est, quod non semel do-
 cet Aristoteles, infinitum ne cogitatione quidē
 completi quenquā posse. Itaque ex infinita mul-
 titudinis ἡ magnitudinis ὁδὸν ἡμετέραν, finitam hac

P R Æ F A T I O.

Scientia decerpit & amplectitur naturam, quā tractet, & in qua versetur. Nā de vulgari Geometrarum consuetudine quid sentiendum sit, cū data interdum magnitudine infinita aut fabricantur aliquid, aut proprias generis subiecti affectiones exquirunt, disertè monet Aristoteles, & sic nū (de Mathematicis loquens) λέγονται τῶ ἀπείρῳ, & sic ἡγεῖνται, ἀλλὰ μόνον εἶναι ὅσω ἀπὸ βέβαιων, τοῦτο δὲ μέγαν. Quamobrem disputatio ea qua infinitum refellitur, Mathematicorum decretis rationibusque non aduersatur, nec eorū apodixes labefacit. Etenim tali infinito opus illis nequaquā est, quod exitu nullo peragrari possit, nec talem ponunt infinitam magnitudinem: sed quantamcunque velit aliquis effingere, ea ut suppetat, infinitam præcipiunt. Quinctiā nō non modò immensa magnitudine opus non habent Mathematici, sed ne maxima quidem: cū instar maximæ minimæ quæque in partes totidē pari ratione diuidi queat. Alteram Mathematicæ diuisionem attulit Geminus, Vir (quantum ex Proclo coniecere licet) μαθηματικῶν laude clarissimus. Eam, quæ superiore plenior & accuratior fortè visa est, cū doctissime pertractarit sua in decimū Euclidis præfatione P. Μόταυρεus Vir senatorius, et regiæ bibliothecæ præ-

P R Æ F A T I O.

fectus, leuiter attingam. Nam ex duobus rerum
 velut summis generibus, τῶν νοητῶν καὶ τῶν αἰ-
 σθητῶν, quæ res sub intelligentiâ cadunt, Arith-
 metica & Geometria attribuit. Geminus: quæ
 vero in sensus incurrunt, Astrologia, Musica,
 Supputatirci, Optica, Geodasia & Mechanica
 adiudicauit. Ad hanc certè diuisionem specta-
 se videtur Aristoteles, cùm Astrologiam, Opti-
 cam, harmonicam Φυσικῶτερος ἢ μαθηματικῶς
 nominat, vt quæ naturalibus & Mathematicis
 interiecta sint, ac velut ex vtriusq; mixta disci-
 plinæ: Siquidem genera subiecta à Physicis mu-
 tuantur, causas verò in demonstrationibus ex su-
 periore aliqua scientia repetunt. Id quod Aristo-
 teles ipse apertissimè testatur, αἰσθητὰ καὶ νοη-
 τὰ, καὶ τὰ ὁρατά, καὶ τὰ ἀκίνητα καὶ ἐκείνη, καὶ τὰ κινούμενα, καὶ τὰ ἀσώματα, καὶ
 μαθηματικῶν. Sequitur, vt quid Mathematica
 conueniat cum Physica & prima Philosophia:
 quid ipsa ab vtraque differat, paucis ostēdamus.
 Illud quidem omnium commune est, quòd in ve-
 ri contemplatione sunt posita, ob idque θεωρη-
 τικά à Græcis dicuntur. Nam cùm διανοία siue
 ratio & mens omnis sit vel μετρίαν, vel πο-
 ταν, vel θεωρητικήν, totidem scientiarū sint gene-
 ra necesse est. Quòd si Physica, Mathematica,
 & prima Philosophia, nec in agendo, nec in ef-

P R Æ F A T I O.

ficiendo sunt occupata, hoc certè perspicuum est, eas omnes in cognitione contemplationeque necessario versari. Cum enim rerum non modò agendarum, sed etiam efficiendarum principia in agente vel efficiente consistant, illarum quidem $\pi\epsilon\sigma\sigma\iota\gamma\epsilon\tau\alpha\iota$ harum autem vel mens, vel ars, vel vis quadam & facultas: rerum profectò naturalium, Mathematicarum, atque diuinarum principia in rebus ipsis, nò in philosophis inclusa latent. Atque hæc una in omnes valet ratio, quæ $\delta\iota\omega\phi\epsilon\lambda\upsilon\alpha\varsigma$ esse colligat. Iam verò Mathematica separatim cum Physica congruit, quòd utraque versatur in cognitione formarum corpori naturali inhaerentium. Nam Mathematicus plana, solida, longitudo & puncta cõtemplatur, quæ omnia in corpore naturali à naturali quoque philosopho tractantur. Mathematica item & prima philosophia hoc inter se propriè conueniunt, quòd cognitionem utraque persequitur formarum, quoad immobiles, & à cõcretionem materie sunt liberæ. Nã tamen si Mathematicæ formæ re vera per se non coherent, cogitatione tamen à materia & motu separantur, $\epsilon\sigma\tau\iota\ \gamma\lambda\epsilon\tau\alpha\iota$ & $\epsilon\upsilon\delta\iota$ & $\chi\omega\rho\iota\zeta\acute{o}\nu\tau\alpha\iota$, ut ait Aristoteles. De cognitione & societate breuiter diximus. Iã quid intersit, videamus. Vnaquæque mathematicarum

P R Æ F A T I O.

certum quoddam rerum genus propositū habet, in quo versetur, ut Geometria quātitatem & continuationem aliorum in vnam partem, aliorum in duas, quorundam in tres: eorumque quatenus quanta sunt & continua, affectiones cognoscit. Prima autem philosophia, cum sit omnium cōmunis, vniuersum Entis genus, quæque ei accidunt & conueniunt hoc ipso quod est, considerat. Ad hæc, Mathematica eam modò naturam amplectitur, quæ quanquam non mouetur, separari tamen seiungique nisi mente & cogitatione à materia non potest, ob eamque causam ἐξ ἀκινήτου dici cōsuevit. Sed Prima philosophia in iis versatur, quæ & seiuncta, & æterna, & ab omni motu per se soluta sunt ac libera. Cæterum Physica & Mathematica quāquā subiecto discrepare non videntur, modo tamen rationeque differunt cognitionis & contemplationis, vnde dissimilitudo quoque scientiarū sequitur. Etenim mathematicæ species nihil re vera sunt aliud, quàm corporis naturalis extremitates, quas cogitatione ab omni motu & materia separatas Mathematicus contemplatur: sed easdem consecratur physicorum ars, quatenus cum materia comprehensæ sunt, & corpora motui obnoxia circumscribunt. Ex, quo fit, ut quæcum-

P R Æ F A T I O .

que in Mathematicis incommoditates accidunt, eadem etiam in naturalibus rebys videatur accidere, non autē vicissim. Multa enim in naturalibus sequuntur incōmoda, quæ nihil ad Mathematicum attinent, Διὰ τὸ, inquit Aristoteles, τὰ μὲν ἀφαιρέσεως λέγεται, τὰ μαθηματικὰ, τὰ ὁφυσικὰ ἐκ προσδόσεως. Siquidem res cū materia deinde etiam contemplatur physicus: Mathematicus verò rem cognoscit circumscriptis iis omnibus quæ sensu percipiuntur, ut gravitate, levitate, duritie, mollitie, & præterea calore, frigore, aliisque contrariorum paribus quæ sub sensum subiecta sunt: tantum autem relinquit quantitatem & continuum. Itaque Mathematicorū ars in iis quæ immobilia sunt, cernitur (τὰ μὲν μαθηματικὰ τῶν ὄντων ἀνθ' κινήσεως ὄντι, ἐξω τῶν ὄντων τὴν ἀσπολογίαν) quæ verò in natura obscuritate posita est, res quidem quæ nec separari nec motu vacare possunt contemplatur. Id quod in utroque scientiæ genere perspicuum esse potest, siue res subiectas definias, siue proprietates earum demonstras. Etenim numerus, linea, figura, rectum, inflexum, æquale, rotundum, uniuersa denique Mathematicus quæ tractat & profitetur, absque motu explicari doceri que possunt: χωρὶς ἀ τῶν τῆ νοήσεως κινήσεως ὄντων: Physicæ.

P R Æ F A T I O.

autem sine motione species nequaquam possunt
intelligi. Quis enim, hominis, plātæ, ignis, ossiū,
carnis naturā & proprietates sine motu qui ma-
teriam sequitur, perspiciat? Siquidem tantisper
substantia quæque naturalis constare dici solet,
quoad opus & munus suum, agēdo patiendōque
rueri ac sustinere valeat: qua certè amissa duod-
m, ne nomen quidem nisi ὁμοῦ μὲν retinet. Sed
Mathematico ad explicandas circuli aut trian-
guli proprietates, nullū adferre potest vsum, ma-
teriæ ut auri, ligni, ferri, in qua insunt, cōsidera-
tio: quin eò verius eiusmodi rerū, quarum species
tanquā materia vacantes efformemus animo, na-
turam complectemur, quod coniunctione mate-
riæ quasi adulterari deprauarique videntur.

Quocirca Mathematicæ species eodem modo quo
κοιλότης, siue concavitas, sine motu & subiecto
definitione explicari cognoscique possunt: natu-
rales verò cum eam vim habeant, quā, ut ita di-
cam, simitas, cum materia comprehensæ sunt,
nec absque ea separatim possunt intelligi: quibus
exemplis quid inter Physicas & Mathematicas
species intersit, haud difficile est animaduverte-
re. Illis certè non semel est vsus Aristoteles. Va-
leant ergo Protagoræ sophismata, Geometras hoc
nomine refellentis, quod circulus normam pun-

PRÆFATIO.

*Et non attingat. Nam diuina Geometrarū theore-
 mata qui sensu æstimabit, vix quicquam re-
 periet quod Geometra concedendum videatur.
 Quid enim ex his quæ sensum mouent, ita rectū
 aut rotundum dici potest, vt à Geometra ponitur?
 Nec verò absurdum est aut vitiosum, quòd li-
 neas in puluere descriptas pro rectis aut rotundis
 assumit, quæ nec rectæ sunt nec rotundæ, ac ne
 latitudinis quidem expertes. Siquidē nō iis vti-
 tur geometra quasi inde vim habeat conclusio,
 sed eorum quæ discenti intelligenda relinquun-
 tur, rudem ceu imaginem proponit. Nam qui pri-
 mum instituuntur, hi ductu quodam & velut
 ἡγεγυγία sensuum opus habet, vt ad illa quæ
 sola intelligentia percipiuntur, aditum sibi com-
 parare queant. Sed tamen existimandum nō est
 rebus Mathematicis omnino negari materiā, ac
 nō eā tantum quæ sensum afficit. Est enim ma-
 teria alia quæ sub sensum cadit, alia quæ animo
 & ratione intelligitur. Illam αἰσθητὴν, hanc νοη-
 τὴν vocat Aristoteles. Sensu percipitur, vt æs,
 vt lignū, omnisque materia quæ moueri potest.
 Animo & ratione cernitur ea quæ in rebus sen-
 silibus inest, sed nō quatenus sensu percipiuntur,
 quales sunt res Mathematicorum. Vnde ab Ari-
 stotele scriptum legimus. ὁ δὲ αἰσθητὴς οὐκ ἐστὶν ἀποφύγεσι*

P R Æ F A T I O.

ὁρτῶν rectum se habere ut simum: μετὰ οὐκ ἔστι
 ὅτι quasi velit ipsius recti, quod Mathematico-
 rum est, suam esse materiam, non minus quam si-
 mi quod ad Physicos pertinet. Nā licet res Ma-
 thematicæ sensibili vacent materia, non sunt ta-
 men individua, sed propter continuationem par-
 titiōni semper obnoxia, cuius ratione dici possit
 sua materia non omnino carere: quin aliud vide-
 tur ἢ εἶναι ποικίλιν, aliud quoad continuationi
 adiuncta intelligitur linea. Illud enim seu forma
 in materia, proprietatum causa est, quas sine ma-
 teria percipere non licet. Hæc est societas & dis-
 fidij Mathematicæ cum Physicæ & prima Phi-
 losophia ratio. Nunc autem de nominis etymolo-
 giæ notatione pauca quedam afferamus. Nam si
 quæ iudicio & ratione imposita sunt rebus no-
 mina, ea certè non temere indita fuisse credendū
 est, quibus scientias appellari placuit. Sed neque
 otiosa semper haberi debet ista etymologiæ inda-
 gatio, cum ad rei etiam dubiæ fidem sæpe non pa-
 rum valeat recta nominis interpretatio. Sic enim
 Aristoteles ducto ex verborum ratione argumē-
 to, ἀριθμῶν, μετὰβολῶν, αἰ. Δέμος, aliarumque re-
 rum naturam ex parte confirmavit. Quoniam
 igitur Pythagoras Mathematicam scientiam non
 modò studiosè coluit, sed etiam repetitis à capite
 principiis,

principiis, geometricam contemplationem in liberalis disciplina formam composuit, & perspettis absque materia, solius intelligentiæ adminiculo theorematibus, tractationem $\omega\delta\iota\ \tau\omega\ \alpha\lambda\omicron\gamma\omega\upsilon$, & $\kappa\omicron\sigma\mu\alpha\tau\omega\ \chi\eta\mu\acute{\alpha}\tau\omega\upsilon$ constitutionem excogitavit: credibile est, Pythagorā, aut certè Pythagoreos, qui & ipsi doctoris sui studia libenter amplexi sunt, huic sciētiae id nomē dedisse, quod cum suis placitis atque decretis cōgrueret, rerūque propositarum naturam quoquo modo declararet. Ita cū existimarēt illi omnē disciplinā, quæ $\mu\acute{\alpha}\theta\eta\sigma\iota\varsigma$ dicitur, $\alpha\lambda\omicron\mu\mu\sigma\iota\upsilon$ esse quandam, id est recordationem & repetitionē eius sciētiae, cuius antē quā in corpus immigraret, compos fuerit anima, quemadmodum Plato quoque in Menōne, Phaedōne, & aliis aliquot locis videtur astruxisse: animadverterent autem eiusmodi recordationem, quæ non posset multis ex rebus perspicui, ex his potissimum scientiis demonstrari, si quis nimirum, ait Plato, $\omega\delta\iota\ \tau\alpha\ \alpha\lambda\gamma\epsilon\omicron\mu\mu\alpha\tau\alpha\ \alpha\gamma\eta$: probabile est equidē Mathematicas à Pythagoreis artes $\kappa\alpha\tau'\ \epsilon\chi\omicron\chi\omega$ fuisse nominatas, ut ex quibus $\mu\acute{\alpha}\theta\eta\sigma\iota\varsigma$, id est æternarum in anima rationum recordatio $\alpha\lambda\gamma\epsilon\omicron\upsilon\tau\omega\varsigma$ & præcipuè intelligi posset. Cuius etiam rei fidem nobis diuinus fecit Plato, qui in Menōne Socratem in-

duxit hoc argumenti genere persuadere cupien-
 tem discere nihil esse aliud quàm suarum ipsius
 rationum animũ recordari. Etenim Socrates pu-
 sionem quendam, Vt Tullij Verbis Vtar, interro-
 gat de geometrica dimẽsione quadrati : ad ea sic
 ille responderet Vt puer, & tamen tam faciles in-
 terrogationes sunt, Vt gradatim respondens, eo-
 dem perueniat, quò si geometrica didicisset. A-
 liam nominis huius rationem Anatolius expo-
 suit, Vt est apud Rhodiginum, quòd cùm ceteræ
 disciplinæ deprehendi vel non docente aliquo
 possint omnes, Mathematica sub nullius cogni-
 tionem veniant, nisi præeunte aliquo, cuius soler-
 tia succidantur Vepreta, vel exurantur, & su-
 perciliofa complanentur aspreta. Ita enim Cæ-
 lius : quod quam vim habeat, non est huius loci
 curiosius perscrutari. Equidem M. Tullius Ma-
 thematicos in magna rerum obscuritate, recon-
 dita arte, multiplicique ac subtili versari scri-
 bit. sed quis nescit id ipsum cū aliis grauioribus
 scientiis, esse cõmune? Est enim, vel eodem auto-
 re Tullio, omnis cognitio multis obstructa diffi-
 cultatibus, maximaque est & in ipsis rebus ob-
 scuritas, & in iudiciis nostris infirmitas: nec vl-
 lus est, modò interius paulò Physica penetrarit,
 qui nõ facile sit expertus, quàm multi vndique

P R Æ F A T I O.

emergant, rerum naturalium causas inquirentibus, & inexplicabiles labyrinthi. Sunt qui ex demonstrationum firmitate nominari Mathematicas opinantur: cuius etiam rationis momentum alio seorsim loco expèdendum fuerit. Quocirca primam Verbi notationem, quam sequutus est Proclus, nobis retinendam censeo. Hactenus de Vniuerso Mathematicæ genere quanta potui & perspicuitate & breuitate dixi. Sequitur, ut de Geometria separatim atque ordine ea disseram, quæ initio sum pollicitus. Est autem Geometria, ut definit Proclus, scientia, quæ versatur in cognitione magnitudinum, figurarum, & quibus hæ continentur, extremorum, item rationum & affectionū, quæ in illis cernuntur ac inhaerent: ipsa quidē progrediens à puncto indiuiduo per lineas & superficies, dum ad solida conscendat, variâsque ipsorum differentias patefaciat. Quumque omnis sciētia demonstratiua, ut docet Aristoteles, tribus quasi momentis contineatur, genere subiecto, cuius proprietates ipsa scientia exquirat & contēplatur: causis & principiis, ex quibus primis demonstrationes conficiuntur: & proprietatibus, quæ de genere subiecto per se enunciantur: Geometriæ quidem subiectum in lineis, triangulis, quadrangulis, circula

ē ij

lis, planis, solidis, atque omnino figuris & magnitudinibus, earumque extremitatibus cōsistit. His autem inhaerent diuisiones, rationes, tactus, equalitates, $\pi\alpha\rho\epsilon\beta\omicron\lambda\omicron\iota$, $\upsilon\pi\omicron\delta\epsilon\beta\omicron\lambda\omicron\iota$, $\epsilon\lambda\epsilon\iota\phi\tau\epsilon\varsigma$, atque alia generis eiusdem propè innumerabilia. Postulata verò & Axiomata ex quibus hæc inesse demonstrantur, eiusmodi ferè sunt: Quo-uis centro & intervallo circulum describere: Si ab equalibus equalia detrahas, quæ relinquuntur esse equalia, cæteraque id genus permulta, quæ licet omnium sint communia, ad demonstrandum tamen tum sunt accommodata, cum ad certum quoddam genus traducuntur. Sed cum præcipua videatur Arithmetica et Geometria inter Mathematicas dignatio, cur Arithmetica sit æquiescens et exactior quàm Geometria, paucis explicandum arbitror. Hic verò & Aristotelem sequemur ducem, qui scientiam cum scientia ita comparat, ut accuratiorem esse velit eam, quæ rei causam docet, quàm quæ rem esse tantum declarat: deinde quæ in rebus sub intelligentiam cadentibus versatur, quàm quæ in rebus sensum mouentibus cernitur. Sic enim & Arithmetica quàm Musica, & Geometria quàm Optica, & Stereometria quàm Mechanica exactior esse intelligitur. Postremò quæ ex simplicioribus initiis con-

P R Æ F A T I O.

stat, quàm quæ aliqua adiectione cõpositis virtur. Atque hac quidem ratione Geometriæ præstat Arithmetica, quòd illius initium ex additione dicatur, huius sit simplicius. Est enim punctum, ut Pythagoreis placet, unitas quæ situm obtinet: unitas verò punctum est quod situ vacat. Ex quo percipitur, numerorũ quàm magnitudinum simplicius esse elementum, numerosque magnitudinibus esse puriores, & à concretionem materiæ magis disiunctos. Hæc quanquam nemini sunt dubia, habet & ipsa tamen Geometria quo se plurimum efferat, opibusque suis ac rerum vbertate multiplici vel cum Arithmetica ceter: id quod tute facile deprehendas cum ad infinitam magnitudinis diuisionem, quam respicit multitudo, animum conuerteris. Nunc quæ sit Arithmetica & Geometriæ societas, videamus. Nam theorematum quæ demonstratione illustratur, quedam sunt. Vtriusque scienciæ communia, quedam verò singularum propria. Etenim quòd omnis proportio sit quævis siue rationalis, Arithmetica soli conuenit, nequaquam Geometriæ, in qua sunt etiam ἀρρητοι, seu irrationales proportionem: item, quadratorum γωνίονας minimo definitos esse, Arithmetica proprium (si quidem in Geometria nihil tale minimum esse potest)

P R Æ F A T I O.

sed ad Geometriam propriè spectât situs, qui in numeris locum non habent: tactus, qui quidem à continuis admittuntur: ἄλογον, quoniam ubi diuisio infinitè procedit, ibi etiam ἄλογον esse solet. Communia porrò vtriusque sunt illa, quæ ex sectionibus eueniunt, quas Euclides libro secundo est persequutus: nisi quòd sectio per extremâ & mediam rationem in numeris nusquam reperiri potest. Iam verò ex thewrematibus eiusmodi communibus, alia quidem ex Geometria ad Arithmeticam traducuntur: alia contrà ex Arithmetica in Geometriam transferuntur: quædam verò perinde vtrique scientiæ conueniunt, vt quæ ex vniuersa arte Mathematica in vtrâque harum conueniant. Nam & alterna ratio, & rationum conuersiones, compositiones, diuisiones hoc modo communia sunt vtriusque. Quæ autem sunt τὸ διὰ συµμέτρου, id est de commensurabilib⁹, Arithmetica quidē primū cognoscit et contēplatur: secūdo loco Geometria Arithmeticā imitata. Quare & cōmensurabiles magnitudines illæ dicuntur, quæ rationē inter se habent quā numerus ad numerū, perinde quasi cōmensuratio & συµμετρία in numeris primū cōsistat (Vbi enim numerus, ibi & συµμέτερον cernitur: & vbi σύμμετρον, illic etiam numerus) sed quæ

P R Æ F A T I O.

triangulorum sunt & quadrangulorum, à Geometra primum considerantur: tum analogia quadam Arithmeticus eadem illa in numeris cōtemplatur. De Geometriæ diuisione hoc adiiciendum puto, quòd Geometriæ pars altera in planis figuris cernitur, quæ solam latitudinem longitudini coniunctam habent: altera verò solidas contemplantur, quæ ad duplex illud interuallū crassitudinem adsciscunt. Illam generali Geometriæ nomine veteres appellarunt: hanc propriè Stereometriam dixerunt. Ita Geometriam cum Optica, & Stereometriam cum Mechanica non raro cōparat Aristoteles. Sed illius cognitio huius inuentionem multis seculis anteceßit, si modò Stereometriam ne Socratis quidem ætate ullam fuisse omnino verum est, quemadmodum à Platone scriptum videtur. Ad Geometriæ vtilitatē accedo, quæ quanquam suapte vi & dignitate ipsa per se nititur, nullius vsus aut actionis ministerio mācipata (vt de Mathematicis omnibus sciētis concedit in Politico Socrates) si quid ex ea tamen vtilitatis externæ queritur, Dii boni quàm letos, quàm vberes, quàm varios fructus fundit? Nec verò audiendus est vel Aristippus, vel Sophistarū alius, qui Mathematicorū artes idcirco repudiet, quòd ex fine nihil docere videātur, cuiusque quod melius aut deterius nullam habeāt

P R Æ F A T I O.

rationem. Vt enim nihil causæ dicas, cur sit me-
 lius, trianguli, verbi gratia, tres angulos duobus
 esse rectis æquales: minimè tamen fuerit consen-
 taneum, Geometriæ cognitionem Vt inutile ex-
 agitare, criminari, explodere, quasi quæ finē &
 bonū quò referatur, habeat nullū. Multas haud
 dubiè solius contemplationis beneficio citra ma-
 teriæ contagionem adfert Geometria cōmodita-
 tes partim proprias, partim cum Vniuerso gene-
 re communes. Cum enim Geometria, Vt scripsit
 Plato, eius quod semper est cognitionem profitea-
 tur, ad Veritatem excitabit illa quidem animū,
 & ad ritè philosophandum cuiusque mentem
 comparabit. Quinetiam ad disciplinas omnes fa-
 cilius perdiscendas, attigeris necne Geometriam,
 quanti referre censes? Nam Vbi cum materia cō-
 iungitur, nōne præstantissimas procreat artes,
 Geodæsiā, Mechanicam, Opticā, quarū omnium
 Vsu, mortaliū vitam summis beneficiis comple-
 ctitur? Etenim bellica instrumenta, Vrbiumque
 propugnacula, quibus munitæ Vrbes, hostium
 vim propulsarēt, his adiutricibus fabricata est:
 montium ambitus & altitudines, locorūq; situs
 nobis indicauit: dimetiendorum & mari & ter-
 rā itinerum rationē præscripsit: trūtinas & sta-
 tēras, quibus exacta numerorum æqualitas in ci-
 uitate retineatur, cōposuit: Vniuersi ordinem si-

P R Æ F A T I O.

mulachris expressit: multaque quæ hominum fidem superaret, omnibus persuasit. Vbique extant præclara in eâ rem testimonia. Illud memorabile, quod Archimedi rex Hiero tribuit. Nã extructo vastæ molis nauigio, quod Hiero Aegyptiorum regi Ptolemæo mitteret, cum vniuersa Syracusanorum multitudo collectis simul viribus nauem trahere nõ posset, effecissetque Archimedes vt solus Hiero illâ subduceret, admiratus viri scientiam rex, ἀπὸ τῶν τῆς ἐφῆ, ὅτι ἡμέτερος, ὡς δὲ πῶρ' ἔς Ἀρχιμήδην λέγοντι πῆς θύτης. Quid? quòd Archimedes idem, vt est apud Plutarchũ, Hieroni scripsit datis viribus datum pondus moueri posse? fretusque demonstrationis robore, illud sæpe iactarit, si terram haberet alteram vbi pedem figeret, ad eam, nostrâ hanc se transmouere posset? Quid varia αὐτομάτως machinarũque genera, ad vsus necessarios comparata memorem? Innumerabilia profectò sunt illa, et admiratione dignissima, quibus prisca homines incredibili quodam ad philosophandum studio cõcitati, inopem mortalium vitâ artis huius præsidio subleuarunt: tamen si memoriæ sit proditum, Platonem Eudoxo & Archytæ vitio vertisse, quòd Geometrica problemata ad sensilia & organica abducerent. Sic enim corrumpi ab illis & labefieri Geometriæ præstantiam, quæ ab intelligi-

P R Æ F A T I O.

bilibus & incorporeis rebus ad sensiles & corpo-
 reas prolaberetur. Quapropter ridicula idē scrip-
 sit Plato Geometrarū esse vocabula, quæ quasi ad
 opus & actionem spectent, ita sonare videntur.
 Quid enim est quadrare, si nō opus facere? Quid
 addere, producere, applicare? Multa quidē sunt
 eiusmodi nomina, quibus necessario & tanquā
 coacti geometræ vtuntur, quippe cū alia desint
 in hoc genere cōmodiora. Sic ergo censuit Plato,
 sic Aristoteles, sic deniq; philosophi omnes, Geo-
 metriam ipsam cognitionis gratia exercendam,
 nec ex aliquo vsu externo, sed ex rerum vōtōp
 intelligētia estimandā esse. Exposita breuī quā
 res tāta dici possit, vtilitatis ratione, Geometriæ
 ortum, qui in hac rerum periodo ex historicorum
 monumentis nobis est cognitus, deinceps aperia-
 mus. Geometria apud Aegyptios inuēta, (ne ab
 Adamo, Setho, Noah, quos cognitione rerū mul-
 tiplici valuisse constat, eam repetamus) ex ter-
 rarum dimensione, vt verbi præ se fert ratio, or-
 tum habuisse dicitur: cū anniuersaria Nili in-
 undatione & incrementis limo obducti agrorum
 termini confunderētur. Geometriam enim, sicut
 & reliquas disciplinas, in vsu quā in arte prius
 fuisse aiunt. Quod sanē mirum videri non de-
 bet, vt & huius & aliarum scientiarum inuen-
 tio ab vsu cœperit ac necessitate. Etenim tempus,

P R Æ F A T I O.

rerum vsus, ipsa necessitas ingenium excitat, & ignauiam acuit. Deinde quicquid ortum habuit (vt tradunt Physici) ab inchoato & imperfecto processit ad perfectũ. Sic artium & scientiarum principia experientie beneficio collecta sunt: experientia verò à memoria fluxit, quæ & ipsa à sensu primum manauit. Nam quod scribit Aristoteles, Mathematicas artes, comparatis rebus omnibus ad vitam necessariis, in Aegypto fuisse cõstitutas, quòd ibi sacerdotes omnium concessu in otio degerent: non negat ille adductos necessitate homines ad excogitandam, verbi gratia, terræ dimetiendæ rationem, quæ thewrematũ deinde inuestigationi causam dederit: sed hoc confirmat, præclara eiusmodi thewrematum inuenta, quibus extructa Geometrie disciplina cõstat, ad vsus vitæ necessarios ab illis non esse expetita. Itaque vetus ipsum Geometrie nomen ab illa terræ partiundæ finiumque regundorum ratione postea recessit, & in certa quadã affectio- num magnitudini per se inherentium scientia propriè remansit. Quẽadmodũ igitur in mercium & contractuum gratiã, supputandi ratio, quam secuta est accurata numerorum cognitio, à Phœnicibus initium duxit: ita etiam apud Aegyptios, ex ea quam cõmemorauimus causa ortum habuit Geometria. Hanc certè, vt id obiter dicam,

P R Æ F A T I O.

Thales in Graciã ex Ægypto primum transtulit: cui non pauca deinceps à Pythagora, Hippocrate Chio, Platone, Archyta Tarantino, aliisque compluribus, ad Euclidis tempora facta sunt rerum magnarum accessiones. Ceterum de Euclidis etate id solum addam, quod à Proclo memoria mandatum accepimus. Is etiam commemora-
tis aliquot Platonis tum equalibus tum discipulis, subiicit, nō multo etate posteriorem illis fuisse Euclidem cum, qui Elementa conscripserit, & multa ab Eudoxo collecta, in ordinem luculentum cōposuit, multaque à Theeteto inchoata perfecit, quæque mollius ab aliis demonstrata fuerant, ad firmissimas & certissimas apodixes reuocauit. Vixit autem, inquit ille, sub primo Ptolemæo. Etenim ferūt Euclidē à Ptolemæo quoddā interrogatum, nunqua esset via ad Geometriam magis cōpendaria, quàm sit ista σοιχειώσις, respondisse, μὴ εἶναι βραχυτέραν ἀλλὰ πρὸς ὡς γινώσκουσιν. Deinde subiungit, Euclidē natū quidē esse minorem Platone, maiorem verò Eratosthene & Archimede (hi enim aequales erāt) cum Archimedes Euclidis mentionē faciat. Quod si quis egregiā Euclidis laudē, quā cum ex aliis descriptionibus accuratissimis, tum ex hac Geometrica σοιχειώσις consequutus est, in qua diuinus rerū ordo sapientissimis quibusq; hominibus magnæ semper admira-

tioni fuit, is Proclum studiosè legat, quò rei veritate illustriorè reddat gravissimè testis autoritas. Supereft igitur ut finè videamus, quò Euclidis elementa referri, & cuius causa in id studiũ incumbere oporteat. Et quidẽ si res quæ tractatur, consyderes : in tota hac tractatione nihil aliud quæri dixeris, quàm ut κοσμιὰ quæ vocantur, σχήματα (fuit enim Euclides professione & instituto Platonius) Cubus, Icosaëdrũ, Octaëdrũ, Pyramis & Dodecaëdrum certa quadã suorum & inter se laterũ, & ad sphaerae diametrũ ratione eidẽ sphaera inscripta cõprehẽdatur. Huc enim pertinet Epigrãtion illud vetus, quod in Geometrica Michaëlis Pselli σωότῃ scriptum legitur.

Σχήματα πάντε Πλάτωνος, ἃ Γυπαγόρας σοφὸς ὄρε,
 Γυπαγόρας σοφὸς ὄρε, Πλάτων δ' ἀρίστηλ' ἐδίδασκεν,
 Εὐκλείδης ὡδὶ τοῖσι κλέει τὸ δακλὸς ἔτλανε.

Quòd si discentis institutionem spectes, illud certè fuerit propositum, ut huiusmodi elementorum cognitione informatus discentis animus, ad quamlibet non modò Geometriae, sed & aliarũ Mathematica partium tractationẽ idoneus paratũsque accedat. Nam tametsi institutionem hanc solus sibi Geometra vendicare videtur, & tanquam in possessionem suam venerit, alios ex-

cludere posse: inde tamen permulta suo quodāmodo iure decerpit *Arithmeticus*, pleraque *Musicus*, non pauca detrahit *Astrologus*, *Opticus*, *Logisticus*, *Mechanicus*, itemque ceteri: nec ullus est denique artifex præclarus, qui in huius se possessionis societatem cupidè non offerat, partemque sibi concedi postulet. Hinc σοιχειωσις absolutum operi nomen, & σοιχειωτής dictus *Euclides*. Sed quid longius prouehor? Nam quod ad hanc rem attinet, tam copiosè & eruditè scripsit (ut alia complura) eo ipso, quem dixi, loco *P. Mörtanus*, ut nihil desiderio loci reliquerit. Quæ verò ad dicendum nobis erant proposita, hæcenus pro ingenij nostri tenuitate omnia mihi perfecisse videor. Nam tametsi & hæc eadē & alia pleraque multo fortè præclariora ab hominibus doctissimis, qui tum acumine ingenij, tum admirabili quodam lepore dicendi semper floruerunt, grauius, splendidius, vberius tractari posse scio: tamē experiri libuit num quid etiam nobis diuino sit cōcessum munere, quod rudes in hac philosophiæ parte discipulos adiuuare aut certè excitare queat. Huc accessit quòd ista recēs elemētōrū editio, in qua nihil nō parum fuisset studij, aliquid à nobis efflagitare videbatur, quod eius cōmēdationē adaugeret. Cū enim vir doctissimus *Io. Marienus Mathematicarū artium* in hac *Parrhi-*

siorū Academia professor Verè regius, nostrum
 hunc typographum in excudēdis Mathematico-
 rum libris diligentissimū, ad hanc Elementorum
 editionem sæpe & multum esset adhortatus, e-
 iusque impulsu permulta sibi iam cōparasset ty-
 pographus ad hanc rē necessaria, citò interuēnit,
 malū, Ioannis Magnieni mors insperata, quæ
 tā graue inflixit Academiæ vulnus, cui ne post
 multos quidē annorum circuitus cicatrix obduci
 vlla posse videatur. Quāobrem amisso instituti
 huius operis duce, typographus, qui nec sumptus
 antea factos sibi perire, nec studiosos, quibus id
 muneris erat pollicitus, sua spe cadere vellet, ad
 me venit, & impensè rogauit vt meā propositæ
 editioni operā & studium nauarē. quod cum de-
 negaret occupatio nostra, iuberet officij ratio: fe-
 ci equidē rogatus, vt quæ subobscurè vel parum
 cōmodè in sermonem latinū è græco translata vi-
 debātur, clariore, aptiore & fideliori interpreta-
 tione nostra (quod cuiusque pace dictū volo) lu-
 cem acciperent. Id quod in omnibus ferè libris po-
 sterioribus tute primo obtutu perspicias. Nam
 in sex prioribus non tantum tēporis quantum in
 cæteris ponere nobis licuit: decimi autē interpre-
 tatio, qua melior nulla potuit adferri, P. Mōtau-
 reo solida debetur. Atq; vt ad perspicuitatem fa-
 cilitatēque nihil tibi deesse queraris, adscripta

sunt propositionibus singulis vel lineares figuræ, vel punctorū tanquam vnitatum notulæ, quæ Theonis apodixin illustrēt: illæ quidē magnitudinum, hæ autem numerorum indices, subscriptis etiam ciphRARUM, vt vocāt, characteribus, qui propositum quemuis numerū exprimant: ob eāque causam eiusmodi vnitatum notulæ, quæ pro numeri amplitudine maius pagina spatium occuparent, pauciores sæpius depictæ sunt, aut in lineas etiam commutatæ. Nam literarum, vt a, b, c, characteres non modò numeris & numerorum partibus nominandis sunt accommodati, sed etiam generales esse numerorum vt magnitudinum affectiones testantur. Adiecta sunt insuper quibusdam locis non pœnitēda Theonis scholia, siue maius lemmata, quæ quidem longè plura accessissent, si plus otij & temporis vacui nobis fuisset relictum, quod huic studio impartiremus. Hanc igitur operam boni consule, & quæ obuia erunt impressiois vitia, candidus emēda. Vale. Lutetiæ 4. Idus April. 1557.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM PRIMVM.

ΟΡΟΙ.

^α
 Σ ΗΜΕΙΟΝ. ὁμοῖον, ἢ μέρος, ἢ μέρος.
 DEFINITIONES.

¹
 Punctum est, cuius pars
 nulla est.

Punctum

^β
 Γραμμὴ δὲ μήκος ἀπ' ἁπλῆς.

²
 Linea verò, longitudo latitudinis expers.

Linea recta



A

^γ
γραμμῆς ὁ πέρατα, σημεῖα.

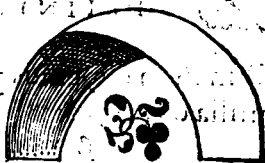
³
Lineæ autem termini, sunt puncta.

^δ
Εὐθεία γραμμὴ ὅστις ἢ τις ἐξ ἑοῦ ταῖς ἐφ' ἑαυτὴν ση-
μείοις κείται.

⁴
Recta linea, est quæ ex æquo sua interia-
cet puncta.

^ε
Ἐπιφάνεια ὅστις, ὁ μὲν ὅ καὶ πλάτος μόνον ἔχει.

⁵
Superficies est quæ longitudinem latitu-
dinemque tantum habet.



*Puncta sunt extrema lineæ, lineæ sunt extrema superficia-
æ et superficies sunt extrema corporis.*

⁶
Ἐπιφανείας ὁ πέρατα, γραμμαι.

⁷
Superficiæ extrema, sunt lineæ.

⁸
Ἐπίπεδος καὶ ἐπιφανεία ὅστις ἢ τις ἐξ ἑοῦ ταῖς ἐφ'
ἑαυτὴν εὐθείαις κείται.

7

Plana superficies, est quæ ex æquo suas
interiacet lineas.

Ἐπίπεδος ὁ γωνία δὲ τῇ ἐν ἐπίπεδῳ, δύο γραμ-
μῶν ἀπτομένων ἀλλήλων, καὶ μὴ ἐπ' ὀρθῆς καὶ μέ-
γας, πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσις.



8

Planus angulus
est duarum li-
nearum in pla-
no se mutuo tā-
gentium, & nō
in directum ia-

cetium, alterius ad alteram inclinatio.

Ὅταν αἱ δύο ~~γραμ-
μαὶ~~ τῶν γωνιᾶν γραμμῶν, δι-
δεῖται ὡς ἐν, δι' ὅν γραμμῶν καλεῖται ἡ γωνία.

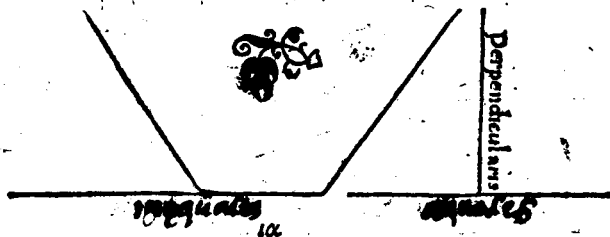
9

Cum autem quæ angulum continent li-
near, rectæ fuerint, rectilineus ille angu-
lus appellatur.

ὅταν ὁ ἀθροῖς ἐπ' ἀθροῖς καταδείξῃ, τὰς ἐφεξῆς
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὅρθη δὲ ἐκατέρωθεν
ἴσων γωνιών: καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα ἀθροῖς καλεῖται
ἐφ' ᾧ ἐφέστηκεν.

10

Cum vero recta linea super rectam con-
sistens lineam, eos qui sunt deinceps an-
gulos æquales inter se fecerit: rectus est
uterque æqualium angulorum: & quæ in-
sistit recta linea, perpendicularis vocatur
eius cui insistit.



Ἀμβλεία γωνία δὲ ἢ μείζων ὁρθῆς.

II

Obtusus angulus est, qui recto maior est.

ιβ

ὀξεῖα ὁ ἡ ἐλάσσων ὁρθῆς.

ιζ

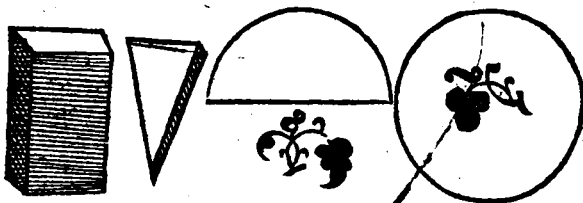
Acutus vero, qui minor est recto.

ιγ

ὅρθη δὲ ὁ ἡ ἰσὺς ὁ ἡ πῆρας.

13

Terminus est, quod alicuius extremum est.



13

Σχῆμα ἔστι, τὸ ὑπὸ ἑνὸς, ἢ ἑνὶ μέρει περιεχόμενον.

14

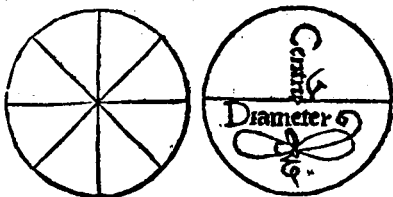
Figura est, quæ sub aliquo, vel aliquibus terminis comprehenditur.

15

Κύκλος ἔστι σχῆμα ἐπίπεδον, ὡς μίας γραμμῆς περιεχόμενον, ἢ καὶ πᾶσι περιφερείαις, πρὸς ὧν, ἀφ' ἑνὸς σημείου τῆς ἐν τῷ σχήματι κέντρου, πᾶσαι αἱ περὶ αὐτοῦ εἰσὶν ὁμοίαι, ἢ αὐτὰς εἰσὶν.

15

Circulus, est figura plana sub vna linea comprehēsa, quæ pe-



ripheria appellatur: ad quam ab vno pū-
cto eorum, quæ intra figuram sunt posi-
ta, cadentes omnes rectæ lineæ inter se
sunt æquales.

15

Κέντρον ὃ τῆ κύκλου, τὸ σημεῖον καλεῖται.

16

Hoc verò punctum, centrum circuli ap-
pellatur. †

17

Διάμετρος ὃ τῆ κύκλου ὅστις, διθεῖται διὰ τῆ κέν-
τρος ὑγμένη, καὶ ποδατραμένη ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέ-
ρη ἅπασαν τῆ κύκλου περιφέρειαν, ἥ τις καὶ δίχα
τέμνῃ τὸν κύκλον.

17

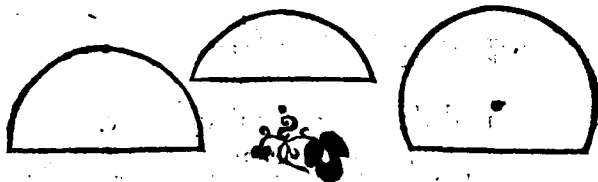
Diameter autem circuli, est recta quæ-
dam linea per centrum ducta, & ex
utraque parte in circuli peripheriam ter-
minata, quæ circulum bifariam secat.

18

Ἡ μὲν κύκλιος ὃ ὅστις, τὸ ποδαχομένον χῆμα ὑπότε-
ται Διάμετρος, ἐπὶ αὐτῇ ἀρταμβανόμενης ἀπὸ αὐτῆς
κύκλου περιφέρειας.

18

Semicirculus est figura, quæ continetur
sub diametro, & sub ea linea, quæ de cir-
culi peripheria aufertur.



18

τμήμα κύκλου ὅστις ἐκ τοῦ περιμέτρου ὑπὸ τε διθείας,
καὶ κύκλου περιφέρειας.

19

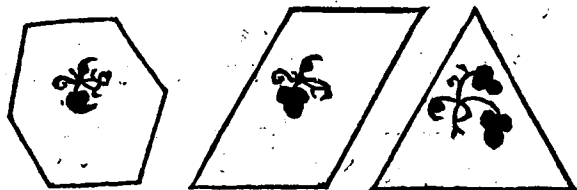
Segmentum circuli, est figura, quæ sub re-
cta linea & circuli peripheria continetur.

κ

Εὐθύγραμμα σχήματα ὅστις, τὰ ἐκ τῶν διθειῶν
περιμέτρων.

20

Rectilinearæ figuræ, sunt quæ sub rectis li-
neis continentur.



κα

Τρίπλευρα ὅστις, τὰ ἐκ τῶν τριῶν.

21

Trilateræ quidem, quæ sub tribus.

A iijj

κβ.

τετράπλευρα ὅ, τὰ ἑξά τεσσάρων.

22

Quadrilateræ, quæ sub quatuor.

κγ

πολύπλευρα ὅ, τὰ ἑξά πλείονων ἢ τεσσάρων
διθῆναι περιεχόμενα.

23

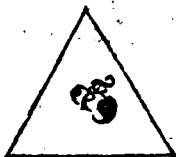
Multilateræ verò, quæ sub pluribus quàm
quatuor rectis lineis comprehenduntur.

κδ

τῶν ὅ τριπλῶν χημάτων, ἰσόπλευρον ἢ ἰσο-
γωνόν ὄντι, ὅ ἑξῆς ἴσας ἔχον πλευράς.

24

Tri laterarum porro figu-
rarum, æquilaterum est
triangulum, quod tria la-
tera habet æqualia.

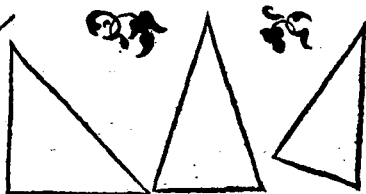


κε

ἰσοσκελές ὅ, ὅ τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς.

25

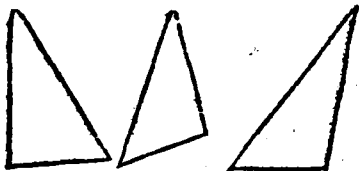
Isoceles
autem, est
quod duo
tantum æ-
qualia ha-
bet latera.



^{κδ}
 Ἐκαλῶν ὃ, τ' τὰς τρεῖς ἀνίστας ἔχον πλευράς.

26

Scalenū
 verò, est
 quod tria
 inæqualia
 habet la-
 tera.



^{κε}
 Ἐν τῷ τριπλευρῶν σχηματῶν, ὁρθογώνιον ἢ ῥι-
 γωνόμῃστι, τ' ἔχον ὁρθὴν γωνίαν.

27

Ad hæc etiam, trilaterarū figurarū, rectā
 gulum quidē triangulū est, quod rectū
 angulum habet. ^{κη}

Ἀμβλυγώνιον ὃ, τ' ἔχον ἀμβλείαν γωνίαν.

28

Amblygonium autem, quod obtusum
 angulum habet. ^{κθ}

Ὄξυγώνιον ὃ, τ' τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

29

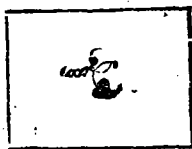
Oxygonium verò, quod tres habet acu-
 tos angulos. ^λ

τῶν ὃ τετραπλευρῶν σχηματῶν, τετραγώνον μὲν
 ἔστι, ὁῖσ' ὁ τετραπλευρὸν τέ ἐστι, καὶ ὁρθογώνιον.

30

Quadrilaterarum autem figurarū, qua-

dratū qui-
dem est,
quod & æ-
quilaterū
& rectan-
gulum est.



λα

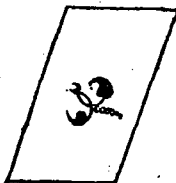
Ἐτερόμηνες ὁ ὁρθογώνιον ἢ ἰσόπλευρον λέ-
31

Altera parte lōgior figura est, quæ rectā-
gula quidem, at æquilatera non est.

λβ

Ῥόμβος ὁ ἰσόπλευρος ἢ ὁρθογώνιον. λέ-
32

Rhombus
autē, quæ
æquilate-
ra, sed re-
ctangula
non est.



λγ

Ῥομβοειδὲς ὁ τὰς ἀπεναντίας πλευρὰς τε
γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχων, ὅτε ἰσόπλευρόν ἐστιν,
ἔτε ὁρθογώνιον.

33

Rhomboides verò, quæ aduersa & latera
& angulos habens inter se æquales, ne-

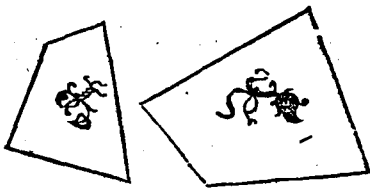
que equilatera est, neque rectangula.

λ δ

Τὰ ὅτι παρὰ ταῦτα τετράπλευρα, τραπέζια κα-
λείσθω.

34

Præter has
autem, re-
liquæ qua-
drilateræ
figuræ, tra-
pezia ap-
pellentur.



λ ε

Γραμμηλοὶ εἰσιν διδεῖαι, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ
ὠτιπέδιῳ ἔχουσι, καὶ ἐκβαλλόμενοι ἐπ' ἄπφρον, ἐφ'
ἐκαστῶρα τὰ μέρη, ὠτὶ μηδὲτέρας συμπίπτουσιν
ἀλλήλοις.

35

Parallele, rectæ lineæ _____
sunt quæ, cū in eodem _____
sint plano, & ex utraque
parte in infinitum producantur, in neu-
tram sibi mutuò incidunt.

Αἰτίμαπα.

α

Ἡ πῶθω, ὅτ' παντὸς σημείον ὠτὶ πᾶν σημείον δι-
δεῖται γραμμῇ ἀγαγεῖν.

Postulata.

1

Postuletur, ut à quovis puncto in quodvis punctum, rectam lineam ducere concedatur.

β

καὶ πᾶσι μέντοι ὁδοῖαν, κατὰ τὸ συνεχές ἐπ' ὁρίσας ἐκβάλλειν.

2

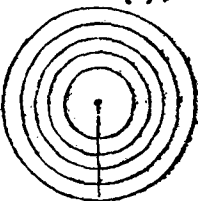
Et rectam lineam terminatam in continuum rectà producere.

γ

καὶ παντὶ κέντρῳ, εἰ θέσῃ μαζὶ κύκλον γράφειν.

3

Item quovis cētro & intervallo circulum describere.



Κοιναὶ ἐννοιαί.

α

τὰ ὅσα αὐτῷ ἴσα, εἰ ἀλλήλοις ἴση ἴσα.

Communes notiones.

1

Quæ eidem æqualia, & inter se sunt æqualia.

β

καὶ εἰν ἴσοις ἴσα πρὸς ἐθῇ, τὰ ὅλα ἴση ἴσα.

2

Et si æqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt æqualia.

γ

Καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσῃ ἀφαιρεθῇ, τὰ καταλειπό-
μενα ἴσιν ἴσῃ.

3

Et si ab æqualibus æqualia ablata sint, quæ relinquantur sunt æqualia.

δ

καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσῃ προσεθῇ, τὰ ὅλα ἴσιν ἴσῃ.

4

Et si inæqualibus æqualia adiecta sint, tota sunt inæqualia.

ε

καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίσων ἴσῃ ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἴσιν ἴσῃ.

5

Et si ab inæqualibus æqualia ablata sint, reliqua sunt inæqualia.

5

Καὶ τὰ ἑαυτῶν διπλασιασθῆναι, ἴσῃ ἀλλήλοις ἴσιν.

6

Quæ eiusdem duplicia sunt, inter se sunt æqualia.

7

Καὶ τὰ ἑαυτῶν ἡμίση, ἴσῃ ἀλλήλοις ἴσιν.

7

Et quæ eiusdem sunt dimidia, inter se æqualia sunt.

η

καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλας, ἴσα ἀλλήλοις ἔστι.

8

Et quæ sibi mutuò congruunt, ea inter se sunt æqualia.

θ

καὶ τὸ ὅλου τὸ μέρος μείζον ἔστι.

9

Totum est sua parte maius.

ι

καὶ πᾶσι αἱ ὀρθαὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσι.

10

Item, omnes recti anguli sunt inter se æquales.

ια

καὶ ἐάν τις διὸς διθδεῖας διθεῖα ἐμπέτησθαι, τὰς εἰτὸς καὶ ὑπὲρ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας, διὸς ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, ἐκβαλλόμεναι αἱ διὸς αὐταὶ διθδεῖαι ἐπ' ἀπειρον, συμπεσθῶνται ἀλλήλαις ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῇ διὸς ὀρθῶν ἐλάσσονες γωνίαι.

11

Et si in duas rectas lineas altera recta incidēs, internos ad easdemque partes an

gulos duobus rectis minores faciat, duæ illæ rectæ lineæ in infinitum productæ sibi mutuò incident ad eas partes, vbi sunt anguli duobus rectis minores.

1 β

καὶ δύο ἐν εὐθείᾳ, χωρίον ἔστω μέγεθος.

12

Duæ rectæ lineæ spatium non comprehendunt.

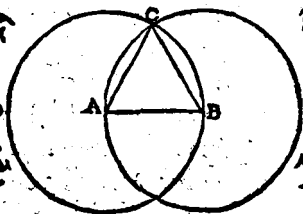
Προτάσις.

α

Ἐπὶ τῇ δοθείσῃ ὁθείᾳ πεποιρασμένης, τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι.

Problema 1. Propositio 1.

Super data
ta recta li-
nea termi-
nata, trian-
gulum æ-
quilatè-
rum constituere.



β

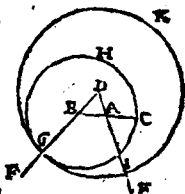
πρὸς τῇ δοθέντι σημείῳ, τῇ δοθείσῃ ὁθείᾳ ἴσῳ ἐν εὐθείᾳ δέσσει.

Problema 2. Propositio 2.

Ad datum punctum, datæ rectæ li-

neæ æqualem rectam li-
neam ponere.

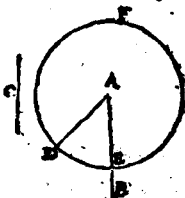
γ



Δύο δοθέντων κύκλων ἀνίσωρ
ἀλλ' ἢ μείζοντος τῆ ἐλάσσονι ἴσῳ ἐνδείκναι
φελεῖν.

Problema 3. Pro-
positio 3.

Duabus datis rectis li-
neis inæqualibus, de ma-
iore æqualem minori re-
ctam lineam detrahere.



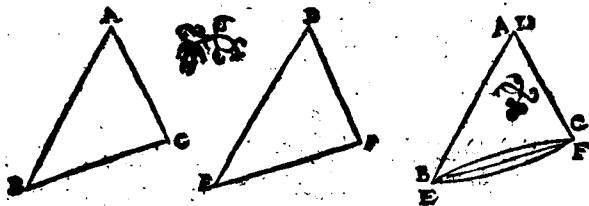
δ

Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευράς ταῖς δυσὶ
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἐκατέρωθεν ἐκατέρω, καὶ τὴν γω-
νίαν τῇ γωνίᾳ ἴσῳ ἔχῃ, τὴν ὑπὸ τῇ ἴσῳ ἐν-
δεῖξαι πῶς ἐκδομένῳ: Ἐὰν τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσῳ
ἔξει, καὶ τὸ τρίγωνον ἴσῳ τριγώνῳ ἴσῳ ἔσται, καὶ αἱ λοι-
παὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσας ἔσονται,
ἐκατέρωθεν ἐκατέρω, ὑφ' αἷμα ἴσας πλευραὶ ὑπο-
τείνουσι.

Theorema primum. Propositio 4.

Si duo triangula duo latera duobus late-
ribus æqualia habeāt, utrunque utriūque,
habeant verò & angulum angulo æqua-
lem

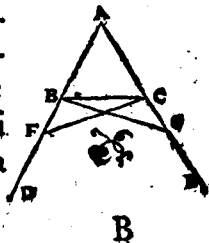
Iem sub equalibus rectis lineis contentū
& basin basi æqualē habebūt, eritq; trian-
gulum triangulo æquale, ac reliqui angu-
li reliquis angulis æquales erunt, vterque
vtrique, sub quibus æqualia latera sub-
tenduntur,



Ἐὰν ἰσοσκελῶν ἑγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γω-
νίαι ἴσων ἀλλήλαις εἴσι. καὶ προσεβληθεῶν
τῶν ἴσων ὀρθῶν, αἱ ὑπὸ τῶν βασίγων γωνίαι ἴσων
ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 2. Propositio 5.

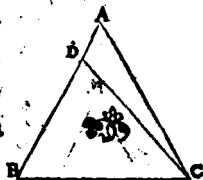
Isoſcelium triangulorū qui ad basin ſunt
anguli, inter ſe ſunt æ-
quales: & ſi vltcrius pro-
ductæ ſint æquales illæ
rectæ linæ, qui ſub baſi
ſunt anguli, inter ſe æqua-
les erunt,



Εάν τριγώνον αὐτὸ δύο γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ὦσι, καὶ αὐτὸ ἀπὸ τῶν ἴσων γωνίας ἀποτείνεσθαι πλυσθῇ, ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Theorema 3. Propositio 6.

Si triaguli duo anguli æquales inter se fuerint: & sub æqualibus angulis subtensa latera æqualia inter se erunt.

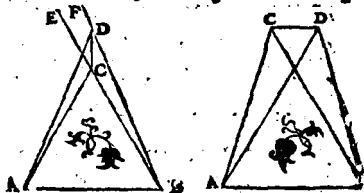


Ἐπὶ αὐτῇ αὐτῇ διθείᾳ, δύο σὶ ταῖς αὐταῖς διθείαις ἄλλαι δύο διθεῖαι ἴσαι ἐκατέρω, ἐκατέρω ὄντων, ὁμοῦται, πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ, ὡς πρὸς αὐτὰ μέρη, τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχοντα, ταῖς ἐξ αὐτῶν καὶ διθείαις.

Theorema 4. Propositio 7.

Super eadem recta linea, duabus eisdem rectis lineis aliæ duæ rectæ lineæ æquales, vtra-

que ytri-
que, non
constituē
tur, ad a-
liud atq;

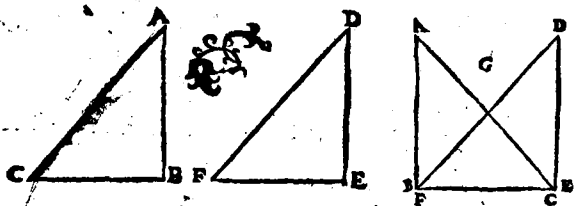


aliud punctū, ad easdē partes, eisdémq; terminos cū duabus initio ductis rectis lineis habentes.

Εάν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς ἀπὸ
 πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, ἔχῃ
 ὁ βῆσις τῇ βῆσει ἴσῃ: καὶ τὸ γωνίαν τῇ γωνίᾳ
 ἴσην ἔξει τὸ ἑκαστὸ τῶν ἴσων διδιδῶν ποδὶ
 χομένῳ.

Theorema 5. Propositio 8.

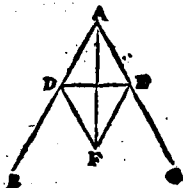
Si duo triangula duo latera habuerint
 duobus lateribus, vtrunq; vtrique, æqua-
 lia, habuerint verò & basim basi æqualē:
 angulum quoque sub æqualib; rectis li-
 neis contentum angulo æqualem habe-
 bunt.



τὸν διδιδῶν γωνίαν ἐν διδιδῶν διδιδῶν τε
 μέν.

Problema 4. Pro-
 positio 9.

Datum angulum rectili-
 neum bifariam secare.

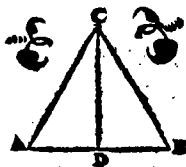


B ij

τὴν ἀποδείξαι διθείαν πεπερασμένην, διόχα τε-
μῆν.

Problema 5. Pro-
positio 10.

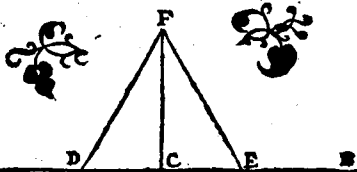
Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.



^{1 α}
τὴν ἀποδείξαι διθείαν, ὅτι τὴν πρὸς αὐτῇ ἀποτέ-
σσιν, πρὸς ὁμοῦς γωνίας διθείαν γράμμην ἀ-
γαγῆν.

Problema 6. Propositio 11.

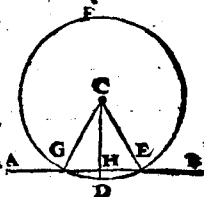
Data recta
linea, à pū
cto in ea
dato, rectā
lineam ad
angulos re-
ctos excitare.



^{1 β}
ἐπὶ τὴν ἀποδείξαι διθείαν ἀπειροῦ, ὅτι τὴν ἀποτέ-
σσιν, ὅ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῇ, καὶ δέτοιον διθείαν
γράμμην ἀγαγῆν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam li-
neam infinitā, à dato pun

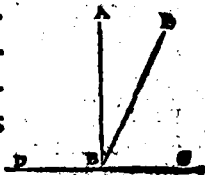


ὅτι quod in ea non est, perpendicularē
rectam deducere.

¹⁷
ἂν ἐνθεῖα ἐπ' ἐνθεῖαν σταθεῖ, γωνίας ποιῇ, ἥ-
τοι δύο ὁρθὰς, ἢ δυοῖν ὁρθαῖς ἴσας ποιήσει.

Theorema 6. Propositio 13.

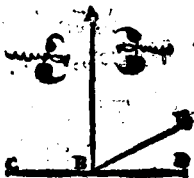
Cū recta linea super re-
ctam consistens lineā an-
gulos facit, aut duos re-
ctos, aut duobus rectis
æquales efficit.



¹⁸
Ἐὰν πρὸς ἑνὶ ἐνθεῖα, εἰ ἕξ' πρὸς αὐτῇ σημείω-
σιν δύο ἐνθεῖαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι, τὰς
ἐφεξῆς γωνίας δυοῖν ὁρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' ἐν-
θεῖας ἔσονται ἀλλήλαις αἱ ἐνθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad
eius punctum, duæ rectæ
lineæ nō ad easdem par-
tes ductæ, eos qui sunt de-
inceps ἄγulos duobus re-
ctis æquales fecerint, in
directum erunt inter se
ipsæ rectæ lineæ.

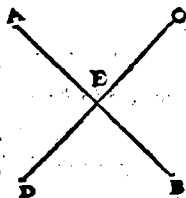


¹⁹
Ἐὰν δύο ἐνθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ

κορυφῶν γωνίας, ἴσας ἀλλήλαις ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
positio 15.

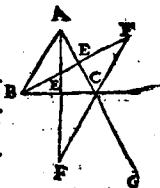
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerint, ἄγulos qui
ad verticē sunt, æquales
inter se efficient.



¹⁵
παντὸς τριγώνου μᾶλλον τῇ πλεονεξίᾳ ἐκβληθείσης,
ἢ ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρωθεν τῇ εἰς τὸ ἐν ἀπεναν-
τίον, μείζων ὅσῃ.

Theorema 9. Pro-
positio 16.

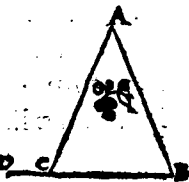
Cuiuscunque trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus utroq; inter-
no & opposito maior est.



¹⁶
παντὸς τριγώνου αἱ δύο γωνίαι, δύο ὁρθῶν ἐλάσσον-
τες εἰσι, πᾶσι μεταλαμβάνομεθα.

Theorema 10. Pro-
positio 17.

Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores omnifariā
sumpti,

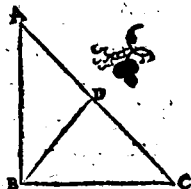


11

Γαὶ τὸς τριγώνου ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γωνίαν ᾧσπετείνει.

Theorema. 11. Pro-
positio 18.

Omnis triāguli maius la-
tus maiorē angulum sub-
tendit.

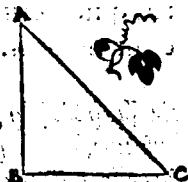


10

Γαὶ τὸς τριγώνου ᾧσὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ᾧσπετείνει.

Theorema 12. Pro-
positio 19.

Omnis triāguli maior an-
gulus maiori lateri sub-
tenditur.

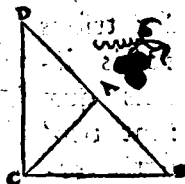


11

Γαὶ τὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ, τῇ λοιπῇ μείζονες εἰσι, παντὶ μεταλαμβανόμεναι.

Theorema 13. Pro-
positio 20.

Omnis trianguli duo la-
tera reliquo sunt maio-
ra, quomodocunque as-
sumpta.

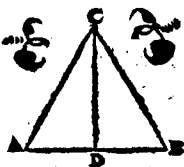


B iiii

τὴν διὰ τοῦ Γ διθείαν πεπορευομένην, διὰ τε-
μῆν.

Problema 5. Pro-
positio 10.

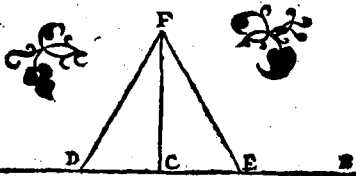
Datam rectam lineam fi-
nitam bifariam secare.



τὴν διθείαν διθεία, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ διαιρέτου
σημεῖου, πρὸς ὁποῦν γωνίας διθείαν πορευομένην ἀ-
γαγεῖν.

Problema 6. Propositio 11.

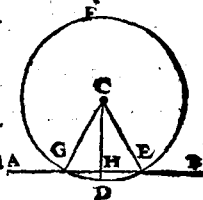
Data recta
linea, à pū-
cto in ea
dato, rectā
lineam ad
angulos re-
ctos excitare.



Ἐπὶ τὴν διὰ τοῦ Γ διθείαν ἀπειροῦ, ἀπὸ τοῦ διαιρέ-
του σημεῖου, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῇ, καὶ διὰ τοῦ διθείου
πορευομένην ἀγαγεῖν.

Problema 7. Pro-
positio 12.

Super datam rectam li-
neam infinitā, à dato pun-

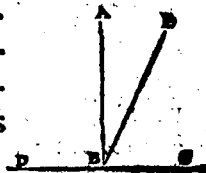


ὅτι quod in ea non est, perpendicularē
rectā deducere.

¹⁷
ἔστω ἡ ἐνθεῖα ἐπ' ἐνθεῖαν σταθεῖσα, γωνίας ποιῇ, ἥ-
τοι δύο ὀρθαῖς, ἢ δυοῖν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσι.

Theorema 6. Propositio 13.

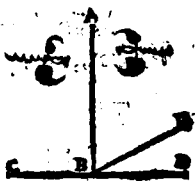
Cū recta linea super re-
ctā consistens lineā an-
gulos facit, aut duos re-
ctos, aut duobus rectis
æquales efficit.



¹⁸
Ἐάν πρὸς ἑνὶ ἐνθεῖα, ὅτι πρὸς αὐτῇ σημείῳ
δύο ἐνθεῖαι μὴ πρὸς τὰ αὐτὰ μέρη κείσθαι, τὰς
ἐφεξῆς γωνίας δυοῖν ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' ἐν-
θεῖας ἔσονται ἀλλήλαις αἱ ἐνθεῖαι.

Theorema 7. Propositio 14.

Si ad aliquam rectam lineam, atque ad
eius punctum, duæ rectæ
lineæ nō ad easdem par-
tes ductæ, eos qui sunt de-
inceps ἄγulos duobus re-
ctis æquales fecerint, in
directum erunt inter se
ipsæ rectæ lineæ.



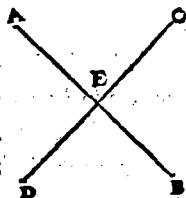
¹⁹
Ἐάν δύο ἐνθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς κατὰ

B 19

κορυφῶν γωνίας, ἴσας ἀλλήλαις ποιήσουσι.

Theorema 8. Pro-
positio 15.

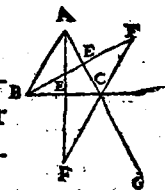
Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò secuerint, ἄγulos qui
ad verticē sunt, æquales
inter se efficient.



¹⁵
παντὸς διγώνου μᾶλλον τῇ πλεονῶν ἐκβληθείσης,
ἢ ἐκτὸς γωνία, ἑκατέρωθεν τῇ εἰτὸς ἐᾷ ἀπειραι-
στῶν, μείζων ὄσιν.

Theorema 9. Pro-
positio 16.

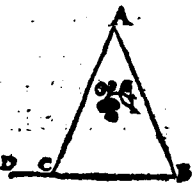
Cuiuscunque trianguli v-
no latere producto, exter-
nus angulus utroq; inter-
no & opposito maior est.



¹⁶
παντὸς διγώνου αἱ δύο γωνίαι, δύο ὀρθῶν ἐλάσσον-
τες εἰσι, πάντῃ μεταλαμβάνόμεναι.

Theorema 10. Pro-
positio 17.

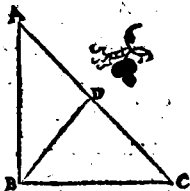
Cuiuscunque trianguli
duo anguli duobus rectis
sunt minores omnifariā
sumpti.



¹⁷
 παντες τριγωνοι η μειζων πλευρα τιω μειζονα
 γωνιαυ αωποτεινει.

Theorema. 11. Pro-
 positio 18.

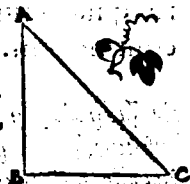
Omnis triaguli maius la-
 tus maiorē anġulum sub-
 tendit.



¹⁸
 παντες τριγωνοι αωδ τιω μειζονα γωνιαυ η μειζων
 πλευρα αωποτεινει.

Theorema 12. Pro-
 positio 19.

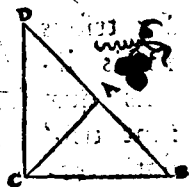
Omnis triaguli maior an-
 gulus maiori lateri sub-
 tenditur.



¹⁹
 παντες τριγωνοι αι δυο πλευραι τ λογιως μειζο-
 νες εισι, παντη μεταλαμβανόμελαι.

Theorema 13. Pro-
 positio 20.

Omnis trianguli duo la-
 tera reliquo sunt maio-
 ra, quomodocunque as-
 sumpta.



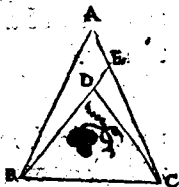
B iiij

κα

Ἐὰν τριγώνῳ ἡ μὲν ἑνὶ πλάτῳ ἂν ᾖ τῇ περι-
 τῶν δύο ὁρθῆαι εἰς τὸ συσταθῆσθαι καὶ συσταθῆσθαι,
 τῇ ἑνὶ λοιπῶν τῷ τριγώνῳ δύο πλάτῳ. ἑλάντῳ οὐκ ἔ-
 ἴσονται, μείζονα ὁ γωνίαν περιέξουσιν.

Theorema 14. Propositio 12.

Si super trianguli vno la-
 tere, ab extremitatibus
 duar rectar lineæ, interius
 cōstitutæ fuerint, hæ cō-
 stitutæ reliquis trianguli
 duobus lateribus mino-
 res quidē erunt, maiorem verò angulum
 continebunt.

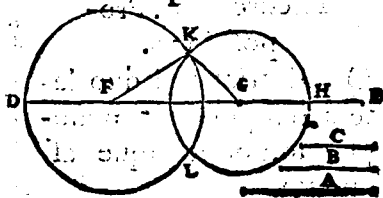


κα β

Ἐκ τριῶν ὁρθῶν, αἱ εἰς ἑκάστην τῶν ὁρθῶν
 εὐθείαι, τριγώνον συστήσονται. Δείδῃ τὰς δύο ὁ-
 λοιπῆς μείζονας εἶναι, πάντῃ μεταλαμβανομέ-
 νας, διὰ τὸ ὅτι παντὸς τριγώνου τὰς δύο πλάτῳ,
 ὁ λοιπὸς μείζονας εἶναι, πάντῃ μεταλαμβανο-
 μένας.

Problema 8. Propositio 22.

Ex tribus
 rectis li-
 neis quæ
 sunt trib⁹
 datis re-



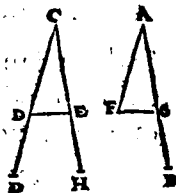
Ἐἰς lineis æquales, triangulum cōstitue-
re. Oportet autem duas reliqua esse ma-
iores omnifariam sumptas : quoniam v-
niuscuiusque trianguli duo latera omni-
fariam sumpta reliquo sunt maiora.

κ γ

Πρός τῇ δὲ θέσει εὐθεία κ' ἔστω πρὸς αὐτῇ ση-
μειῶ, τῇ δὲ θέσει γωνία εὐθυγράμμω ἴσω γω-
νίᾳ εὐθυγράμμου συστήσας.

Problema 9. Propositio 23.

Ad datam rectā lineam
datumque in ea pūctum,
dato angulo rectilineo æ-
qualem angulum rectili-
neum constituere.

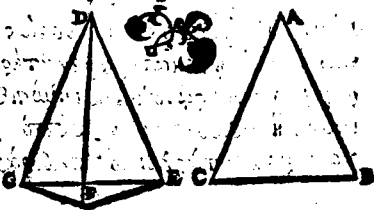


κ δ

Ἐὰν δύο τρίγωνα ταῖς δύο πλευραῖς ταῖς δυοῖ
πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρω ἑκατέρω, τὴν δὲ γω-
νίαν ἀπὸ γωνίας μείζονα ἔχῃ, τὴν δὲ πρὸς τῇ ἴσῳ
εὐθείᾳ ὁδωμεχόμενῳ, κ' τὴν βασιμὴν ἀπὸ βα-
σιως μείζονα ἔξῃ.

Theorema 15. Propositio 24.

Si duo tri-
gula duo
latera duo-
bus lateri-
bus æqua-



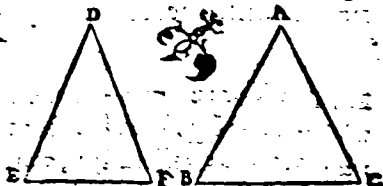
lia habuerint, utrunque utrique, angulum verò angulo maiore sub æqualibus rectis lineis contentum: & basin basi maiorem habebunt.

κς

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς διὰ πλάτους ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρω, τὴν βάσιν ὅτι βασιλεὺς μείζονα ἔχῃ: καὶ τὴν γωνίαν ὅτι γωνίας μείζονα ἔξει, τὴν ὑπὸ τῇ ἴσῳ ὑδαίῳ, ὁδομεχομένῳ.

Theorema 16. Propositio 25.

Si duo triangula duo latera duobus lateribus equalia habuerint, utrunque utrique, basin verò basi maiorem: & angulum sub æqualib⁹ rectis lineis contentum angulo maiorem habebunt.



κς

Εὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο γωνίας ταῖς διὰ πλάτους ἴσας ἔχῃ, ἑκατέρωθεν ἑκατέρω, καὶ μὴ πλάτῳ μίᾳ πλευρᾷ ἴσῳ, καὶ τὴν πρὸς ταῖς ἴσῳ γωνίαις, ἢ ὑποτεινέαν ὑπὸ μίᾳ, ὅτι ἴσῳ γωνίᾳ: καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπῇς

πλευρῶν ἴσους ἔξει, ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, καὶ πάλιν
λοιπῶν γωνίᾶν τῇ λοιπῇ γωνίᾳ.

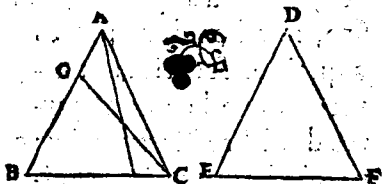
Theorema 17. Propositio 26.

Si duo triangu-
la duos angulos duobus
angulis æquales habuerint, utrunque v-
trique, vnũque latus vni lateri æquale,
siue quod æqualibus adiacet angulis, seu
quod vni æqualium angulorum subten-
ditur: & re-

liqua late-
ra reliquis
lateribus

æqualia, v-
trunque v-

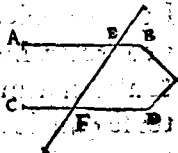
trique, & reliquum angulum reliquo an-
gulo æqualem habebunt.



Ἐὰν εἰς δύο δι' ὁμοίας ὁμοείας ἐμπέτουσιν τὰς
ἐναντίας γωνίας ἴσους ἀλλήλαις πάλιν, παράλλη-
λοι ἔσονται ἀλλήλαις αἱ δι' ὁμοίας.

Theorema 18. Propositio 27.

Si in duas rectas lineas re-
cta incidens linea alterna
tim angulos æquales in-
ter se fecerit: parallele
erunt inter se illæ rectæ
lineæ.

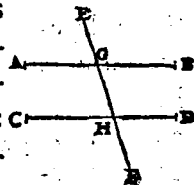


κ η

Ἐάν τις δύο διθείας διθεία ἐμπιπύῃ, πλὴν ἐκ τῆς γωνίας τῇ ἐν τῇ, καὶ ἀπεναντίου, καὶ ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσω ποιῇ, ἢ τὰς ἐν τῇ καὶ ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη δι-
σίου, ὁ ὅτι δαίς ἴσος ποιῇ, παραλλήλοι ἐγίνονται αἱ ἄλλη-
λαι αὐτὴ διθεία.

Theorema 19. Propositio 28.

Si in duas rectas lineas recta incidens li-
nea, externū angulum interno, & oppo-
sito, & ad easdem partes
æqualem fecerit, aut in-
ternos & ad easdem par-
tes duob⁹ rectis æquales: c-
parallelæ erunt inter se i-
psæ rectæ lineæ.

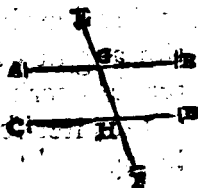


κ θ

Ἡ εἰς τὰς παραλλήλους διθείας διθεία ἐμπιπύ-
σῃ, τὰς τε ἐν ἀλλὰ γωνίας ἴσας ἀλλήλοις ποιῇ, καὶ
πλὴν ἐκ τῆς ἐν τῇ καὶ ἀπεναντίου, καὶ ὑπὸ τὰ αὐτὰ
μέρη, ἴσω, καὶ τὰς ἐν τῇ καὶ ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη δι-
σίου ὁ ὅτι δαίς ἴσος.

Theorema 20. Propositio 29.

In paralleleas rectas li-
neas recta incidēs linea,
& alternatim āgulos in-
ter se æquales efficit & ex-
ternum interno & oppo-



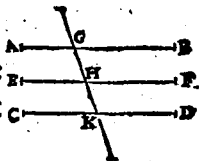
sito & ad easdem partes æqualem, & internos & ad easdem partes duobus rectis æquales facit.

λ

Αἱ τῇ αὐτῇ ἐνδεία παράλληλοι, ὁ ἀλλήλους ἐπὶ παράλληλοι.

Theorema 21. Propositio 30.

Quæ eidem rectæ lineæ parallelæ, & inter se sunt parallelæ.



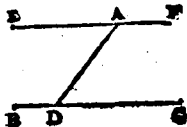
λα

Απὸ τῆς δοθέντος σημείου, τῇ δοθείσῃ ἐνδεία παράλληλον ἐνδείαν γεγραμμένον ἀγαγεῖν.

Problema 10. Pro-

positio 31.

A dato puncto datæ rectæ lineæ parallelam rectam lineam ducere.



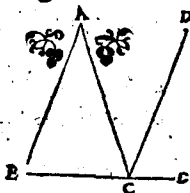
λβ

Παντὲς τριγώνου μᾶλλον τῇ πλεονεξίᾳ προσεκβλή-
θείσης, ἢ ἐκτὸς γωνία διὰ τὰς ἐντὸς καὶ ἀπεναν-
τίου ἰσὺς ἐστὶ. καὶ αἱ ἐντὸς τῷ τριγώνου τρεῖς γωνίαι
διὰ τὸν ὅρον ἴσας εἰσὶν.

Theorema 22. Propositio 32.

Cuiuscunque trianguli vno latere vltre-

rius producto : externus angulus duobus internis & oppositis est æqualis . Et trianguli tres interni anguli duobus sunt rectis æquales.

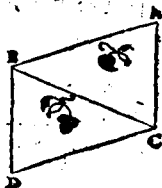


λγ

Αἱ τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη ὑπὸ ξθλὸν ὄντας ἐν ᾑ ἴσται, καὶ αὐτὰ ἴσται καὶ παραλλήλοι ἐίσιν.

Theorema 23. Propositionio 33.

Rectæ lineæ quæ æquales & parallelas lineas ad partes easdem coniungūt, & ipsæ æquales & parallelæ sunt.

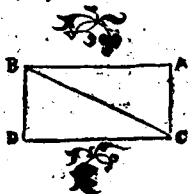


λδ

Τῶν παραλληλογράμμων γωνίων αἱ ἀπεναντίας πλῆραί τε ὅ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ἡ διαμέτρος αὐτὰς διχοτεμεῖ.

Theorema 24. Propositionio 34.

Parallelogrammorum spatorum equalia sunt inter se quæ ex aduerso & latera & anguli : atque illa bi-



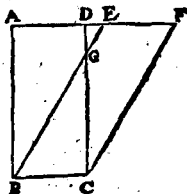
fariam secat diameter.

λε

τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄσιν.

Theorema 25. Propositionio 35.

Parallelogramma super eadem basi & in eisdem parallelis constituta, inter se sunt equalia.

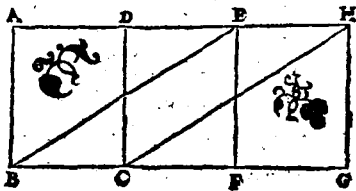


λς

τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ὑπὸ τῆς ἴσης βάσεως ὄντα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄσιν.

Theorema 26. Propositionio 36.

Parallelogramma super equalibus basi-
bus & in
eisdem pa-
rallelis
constituta,
inter se
sunt equa-
lia.

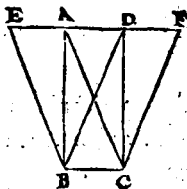


λζ

τὰ τρίγωνα, τὰ ὑπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις ὄσιν.

Theorema 27. Pro-
positio 37.

Triangula super eadem ba-
si constituta, & in eisdem
parallelis, inter se sunt æ-
qualia.

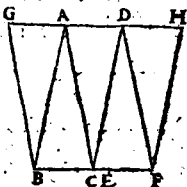


λ η

τὰ τρίγωνα τὰ ὑπὸ τῇ ἴσῳ βάσει καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς παραλλήλοις, ἴσα ἀλλήλοις εἶσιν.

Theorema 28. Pro-
positio 38.

Triangula super æquali-
bus basibus constituta &
in eisdem parallelis, inter
se sunt æqualia.

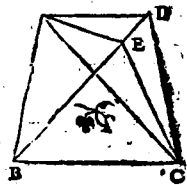


λ θ

τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὑπὸ αὐτῇ βάσει ὄντα, καὶ
ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλή-
λοις εἶσιν.

Theorema 29. Pro-
positio 38.

Triangula æqualia su-
per eadem basi & ad eas-
dem partes constituta: &
in eisdem sunt parallelis.



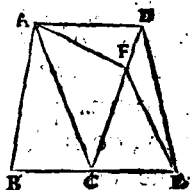
μ

τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ὑπὸ τῇ ἴσῳ βάσει ὄντα καὶ
ὑπὸ

ἑξήκοντα αὐτὰ μέρη, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλή-
λοις ὄντι.

Theor. 30. Propo. 40.

Triangula æqualia super
æqualibus basibus & ad
eandem partes cōstituta,
& in eisdem sunt paral-
lelis.

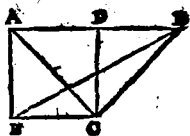


μα

Ἐὰρ παραλληλόγραμμοι τρίγωνο βασιρεῖ τε ἔχ-
ητω αὐτῷ, εἰ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἦ, δι-
πλάσιον ἔσται τὸ παραλληλόγραμμοι τῶ τρίγωνο.

Theor. 31. Propo. 41.

Si parallelogrāmmum cū
triangulo eandem basim
habuerit, in eisdemq; fue-
rit parallelis, duplum erit
parallelogrammū ipsius
trianguli.

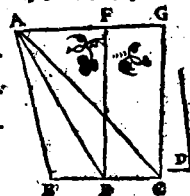


μβ

Τῷ δοθέντι τρίγωνο ἴσου παραλληλόγραμμοι
συστήσθαι, ἐν τῇ δοθείσῃ διευθετημένῳ γωνίᾳ.

Probl. II. Propo. 42.

Dato triángulo equale pa-
rallelogrāmmum cōstitue-
re in dato angulo rectili-
neo.

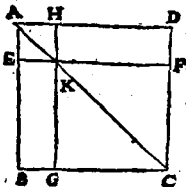


Ε

$\mu\chi$

Γαυρὸς παραλληλογράμμου, ἢ ὁδὸν τὴν διαμέ-
 ξου παραλληλογράμμου τὰ παραπληρώμα-
 τα, ἴσα ἀλλήλοις εἰσίν.

Theor. 32. Propo. 43.
 In omni parallelogram-
 mo, complementa eorū
 quæ circa diametrum sunt
 parallelogrammorum, in-
 ter se sunt æqualia.

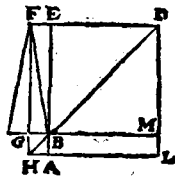


$\mu\delta$

Παρά τὴν δοθέντα εὐθείαν,
 ἔσθ' ὁδοῦντι ξιγώνῳ ἴσῳ πα-
 ραλληλόγραμμον παραβά-
 λειν εἰ τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ διδυ-
 γράμμου.



Probl. 12. Propo. 44.
 Ad datam rectam lineā,
 dato triägulo æquale pa-
 rallelogrammum appli-
 care in dato āgulo recti-
 lineo.

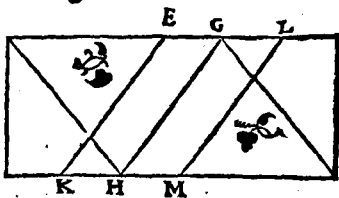
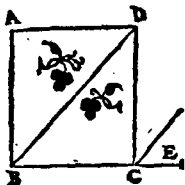


$\mu\epsilon$

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσῳ παραλληλό-
 γραμμου συστήσασθαι εἰ τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμ-
 μῳ γωνίᾳ.

Proble. 13. Propo. 45.

Dato rectilineo æquale parallelogrammū
constituere in dato angulo rectilineo.

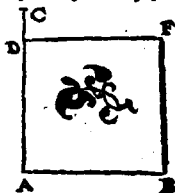


μ5

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος ἐνθείας τετραγώνου ἀναγρά-
ψαι.

Probl. 14. Propo. 46.

A data recta linea qua-
dratum describere.

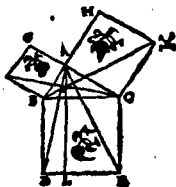


μ7

Ἐν τοῖς ὀρθογώνιοις τριγώνοις ὅτε ἀπὸ τῶν ὀρθω-
γώνιων ἡ ὑποτείνουσα πλὴρῶς τετραγώνου, ἴσον
ἔστι τοῖς ἀπὸ τῶν ὀρθωγώνων γωνίαν περιέχουσιν
πλὴρῶς τετραγώνοις.

Theor. 33. Propo. 47.

In rectangulis triangulis,
quadratum quod à latere
rectum angulum subten-
dente describitur, æqua-
le est eis quæ à lateribus



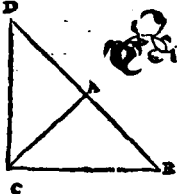
C ij

rectum angulum continentibus *δεκαβήτων*
tur quadratis. $\mu\eta$

Εὰν $\triangle$ τριγώνου ὁ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνου
 νοήσῃ ἢ τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τῶν τριγώνου δύο πλευρῶν
 τετραγώνοις, ἡ περιεχομένη γωνία ἴση τῇ
 λοιπῶν τῶν τριγώνου δύο πλευρῶν, ὅς ἐστι.

Theor. 34. Propo. 48.

Si quadratum quod ab vno laterum trian-
 guli describitur, æquale sit eisque à re-
 liquis trianguli lateribus
 describuntur, quadratis:
 angulus cōprehensus sub
 reliquis duobus trianguli
 lateribus, rectus est.



Finis Elementi primi.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM SECVNDVM.

ΟΡΟΙ.

Π ἌΝ παραλληλόγραμμου ὁρθογωνίου,
περιέχεσθαι λέγεται ἅπὸ δύο τῶν τιῶν
ὁρθῶν γωνιῶν περιεχσῶν ἐν θύλῳ.

DEFINITIONES.

I

Omne parallelogrammū rectangulum
cōtineri dicitur sub rectis duabus lineis,
quæ rectum comprehendunt angulum.

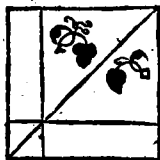
β

ταυτὸς ὁ παραλληλογράμμος χωρὶς τῶν περι-
τιῶν διαμέξου αὐτῶν, ἐν παραλληλογράμμῳ

ποιονοῦν ὡς τοῖς δυοῖς παραπληρώμασι, γνῶ-
μων καλεῖσθαι.

2

In omni parallelogrammo spatium, v-
nū quodlibet eorum quæ
circa diametrum illius
sunt parallelogrammorum,
cum duobus complemen-
tis, Gnomon vocetur.

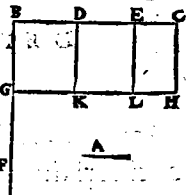


Πρότασις α.

Ἐὰν ὡς διὰ δύο διθῆται, τμηθῇ ὅ ἡ ἑτέρα αὐτῶν εἰς
ὁσάδη πολλαῦν τμήματα, τὸ πᾶν εὐχόμενον ὁρθο-
γώνιον ἔστω τῇ δύο διθῶν, ἴσον ὅστις τῶν ὑπὸ τε
ἐκ ἀτμήτης καὶ ἐκάστη τῇ τμημάτων πᾶν εὐχόμε-
νοισ ὁρθογώνιοις.

Theor. i. Prop. i.

Si fuerint duæ rectæ lineæ, seceturque
ipsarum altera in quotcū-
que segmenta: rectangu-
lum comprehensum sub
illis duabus rectis lineis,
æquale est eis rectangulis
quæ sub infecta & quoli-
bet segmentorum comprehenduntur.



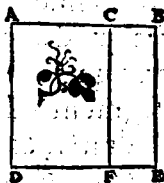
β.

Ἐὰν διθῆται γεωμετρικῶς τμηθῇ ὡς ἔτυχε, τὰ ἑκαστὸν

αὐτῆς ὅλης καὶ ἐκάτερας τῶν τμημάτων περιεχόμενα
ὁρθογώνια ἴσα ἐστὶ ἢ ἀπὸ αὐτῆς ὅλης τετραγώνου.

Theor. 2. Propo. 2.

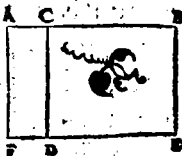
Si recta linea secta sit ut-
cunque, rectangula quæ
sub tota & quolibet se-
gmentorum comprehen-
duntur, æqualia sunt ei,
quod à tota fit, quadrato.



Ἐὰν ὅτι θεῖα γραμμὴ ὡς ἐτυχε τμηθῇ, ὅτι ἀπὸ αὐ-
τῆς ὅλης καὶ ἐνὸς τῶν τμημάτων περιεχομένου ὁρθο-
γώνιου, ἴσον ἐστὶ ἢ ἀπὸ τῆς ὅλης τμημάτων πε-
ριεχομένου ὁρθογώνιου, καὶ ἢ ἀπὸ τῆς περιεχομέ-
νης τμημάτων τετραγώνου.

Theor. 3. Propo. 3.

Si recta linea secta sit utcunque, rectan-
gulum sub tota & vno segmentorum cō-
prehensum, æquale est &
illi quod sub segmentis cō-
prehenditur rectangulo,
& illi, quod à prædicto se-
gmento describitur, qua-
drato.

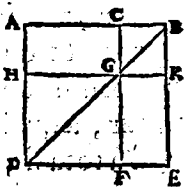


Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, ὅτι ἀπὸ αὐ-
τῆς ὅλης τετραγώνου, ἴσον ἐστὶ καὶ ἀπὸ τῶν τμη-
μάτων

μῶν τε τρεγώνοις, καὶ ὅτι ὅτις ἔστι τῆς τμή-
μας πῶς περιλαμβανόμενος ὁρθογώνιος.

Theor. 4. Propo. 4.

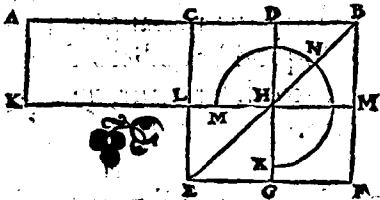
Si recta linea secata sit utcumque: quadra-
tum quod à tota describi-
tur, æquale est & illis quæ
à segmentis describuntur
quadratis, & ei quod bis
sub segmentis comprehē-
ditur, rectangulo.



Ἐάν τεθεῖται ῥα ῥα μὴ τμήσῃ εἰς ἴσα καὶ ἄλλως, ὅτι ἔστι
τῆς ἀπὸ τοῦ ὁρθογώνου τμήματων περιλαμβανόμενος ὁρ-
θογώνιος, μετὰ τῶν ἀπὸ τοῦ ὁρθογώνου τμήματων τε
τρεγώνων, ἴσους ὅτι ὅτις ὁρθογώνιος τετρε-
γώνος.

Theor. 5. Propo. 5.

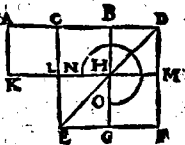
Si recta linea secetur in æqualia & non
æqualia: rectangulum sub inæqualibus
segmentis totius comprehensum, vnā
cum qua-
drato, qđ
ab inter-
media se-
ctionum,
æquale est
ei quod à dimidia describitur, quadrato,



Ἐὰν εὐθεῖα γραμμὴ τμηθῇ διὰ τῆς Α, προσεθῇ δὲ τῇ
αὐτῇ δι' αὐτῆς ἐπ' αὐτῆς, ὥστε ὅλης σωτῇ τῇ
προσκειμένη, καὶ τῇ προσκειμένης πῶς αὐτὴν μὲν
ὀρθογώνου, μετὰ τῇ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τετραγώ-
νῳ, ἴσον ὅτι ὅτι ἀπὸ τῆς συγκεκλιμένης ἐκ τε τῆς ἡμι-
σείας καὶ τῆς προσκειμένης, ὡς ἀπὸ μακρῶς, ἀναγχα-
φέντε τετραγώνῳ. ὀρθογώνιον

Theor. 6. Propo. 6.

Si recta linea bifariam secetur, & illi re-
cta quædam linea in rectum adiiciatur,
rectangulum cōprehensum sub tota cū
adiecta, & adiecta simul
quadrato à dimidia,
æquale est quadrato à li-
nea, quæ tum ex dimidia,
tum ex adiecta componi-
tur, tanquam ab una de-
scripto.

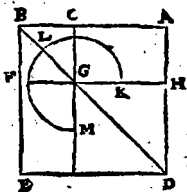


Ἐὰν δι' αὐτῆς γραμμὴ τμηθῇ ὡς ἐτυχε, ὥστε ἀπὸ αὐ-
τῆς, εἰ ἂν ἀπὸ ἐνὸς τῶν τμημάτων, τὰ συναμφο-
τερα τετραγώνῳ ἴσῃ ὅτι ὅτι τε δις ὥστε τῇ ὀ-
λῃ καὶ τῇ εἰρημένη τμήματι ὅτι πῶς αὐτὴν ὀρ-
θογώνῳ, καὶ ὅτι ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμήματος τετρα-
γώνῳ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si recta linea secetur utcumque: quod à

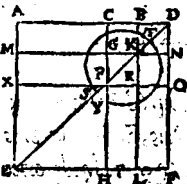
tota, quódque ab vno segmentorum, v-
traque simul quadrata, æ-
qualia sunt & illi quod
bis sub tota & dicto se-
gmēto comprehenditur,
rectángulo, & illi quod à
reliquo segmēto fit, qua-
drato.



Ἐὰν διὰ τοῦ αὐτοῦ γωνίᾳ τμήσῃ ὡς ἔτυχῃ, τετρα-
γώνισι ὅσων ὅλησι τῶν τε τμημάτων περιεχο-
μένων ὁρθογώνιον, μετὰ τῷ ἀπὸ τῆς λοιπῆς τμή-
ματι τετραγώνου, ἴσον ὅστις τῶν τε ἀπὸ τοῦ ὅλης
ἢ τῶν εἰρημένων τμημάτων, ὡς ἀπὸ μιᾶς, ἀναγραφ-
οῦν τετραγώνον.

Theor. 8. Propos. 8.

Si recta linea secetur vtrunque: rectan-
gulum quater cōprehen-
sum sub tota & vno se-
gmētorum, cum eo quod
à reliquo segmento fit,
quadrato, æquale est ei
quod à tota & dicto se-
gmēto, tanquā ab vna linea describitur,
quadrato.

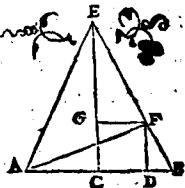


Ἐὰν διὰ τοῦ αὐτοῦ γωνίᾳ τμήσῃ εἰς ἑξῆς καὶ ἄλλας, τὰ

ἀπὸ τῆς ἀρίστων τῶν ὅλης τμημάτων τετράγωνα,
διπλασιάσῃ τετὲ ἀπὸ τῆς ἡμισείας, ἢ τῆς ἀπὸ τῆς
μεταξὺ τῶν ῥημῶν τετραγώνων.

Theor. 9. Propo. 9.

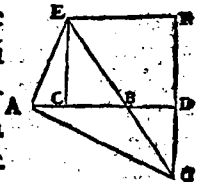
Si recta linea secetur in æqualia & non
æqualia: quadrata quæ ab inæqualibus
totius segmentis fiunt, du-
plicia sunt & eius quod a
dimidia, & eius quod ab
intermedia sectionū sit,
quadratorum.



Ἐὰν διθῶν ῥημὴ τμηθῇ δίχα, προσεθῇ δὲ τις
αὐτῇ διθῶν ἐπ' εὐθείας, ἢ ἀπὸ τῆς ὅλης σωῇ τῆς
προσκειμένης, καὶ ἀπὸ τῆς προσκειμένης τὰ σωαμ-
φότερα τετράγωνα, διπλασιάσῃ τετὲ ἀπὸ τῆς
ἡμισείας, καὶ τῆς ἀπὸ τῆς συγκείμενης ἕκτε τῆς ἡμι-
σειας καὶ τῆς προσκειμένης, ὥς ἀπὸ μιᾶς ἀναρχο-
φέντῳ τετραγώνων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si recta linea secetur bifariam, adiiciatur
autē ei in rectū quæpiā re-
cta linea: quod a tota cū
adiuncta, & quod ab ad-
iuncta, utraque simul qua-
drata, duplicia sunt & e-



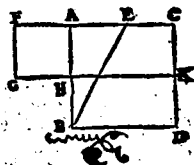
ius quod à dimidia, & eius quod à composita ex dimidia & adiuncta, tanquam ab vna descriptum sit, quadratorum.

1α

Τὴν δοθεῖσαν διζῶν τεμεῖν, ὥς τε ὁ ὑπὸ τῶ ὅλης καὶ τῆς ἑτέρας τῆς τμημάτων πωλεχομένου ὀρθογώνιον ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τῶ λοιπῆς τμήματος τετραγώνῳ.

Probl. I. Propo. II.

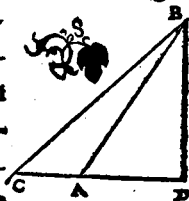
Datam rectam lineam sc-
care, vt comprehensum
sub tota & altero segmen-
torum rectangulum, æ-
quale sit ei quod à reli-
quo segmento fit, qua-
drato.



1β

Ἐν τοῖς ἀμβλογωνίοις ῥηγώνοις, ὁ ἀπὸ τοῦ πᾶσι ἀμ-
βλείων γωνία ὡς περὶ τῆς πλυρῆς τῆς ῥηγώ-
νου, μεῖζον ἐστὶ τῆς ἀπὸ τῆς πᾶσι ἀμβλείων πωλεχο-
σῶν πλυρῶν, τετραγώνου. ὅτι πωλεχομένου
δύς ὑπὸ τε μιᾶς τῆς πᾶσι ἀμβλείων γωνίας,
ἐφ' ᾧ ἐκβληθεῖται ἡ καθετος πρὸς τὴν ἀμ-
βλείων γωνία.

In amblygoniis triangulis, quadratum
quod fit à latere angulum obtusum sub-
tendente, maius est quadratis quæ fiunt
à lateribus obtusum angulum compre-
hendentibus, pro quantitate rectanguli
bis comprehensū & ab v-
no laterum quæ sunt cir-
ca obtusum angulum, in
quod, cū protractū fue-
rit, cadit perpendiculari-
ris, & ab assumpta exte-
rius linea sub perpendiculari prope an-
gulum obtusum,

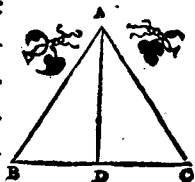


17

Εν τοῖς ὀξυγωνίοις τριγώνοις, τὸ ἀπὸ τοῦ πλά-
τος ὀξείας γωνίας ὑποτείνουσιν πλευρῶν τετραγώνου,
ἔστι τὸ ὅτι τὸ ἀπὸ τοῦ πλάτος ὀξείας γωνίας
ὑποτείνουσιν πλευρῶν τετραγώνου, ἔστι τὸ ὅτι
ὑποτείνουσιν πλάτος ὀξείας γωνίας, ἐφ' ᾧ ἡ καθετος πίπτει, καὶ ἀπολαμ-
βατομένης αὐτὴς ὑποκαθετὸς καθετὸς πρὸς τῇ ὀξείᾳ
γωνίᾳ.

Theorema 12. Propo. 13.

In oxygoniis triangulis, quadratum à latere angulum acutum subtendente, minus est quadratis quæ sunt à lateribus acutum angulum comprehendentibus, pro quantitate rectanguli bis comprehensi, & ab vno laterum, quæ sunt circa acutum angulum, in quod perpendicularis cadit, & ab assumpta interius linea sub perpendiculari prope acutum angulum.

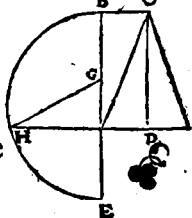


Τῷ Ποθένι δι' αὐτογράμμου Γερ
τετραγώνου συστήσασθαι.



Probl.2. Propo.14.

**Dato rectilineo æquale
quadratum constituere.**



Elementi secundi finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM TERTIVM.

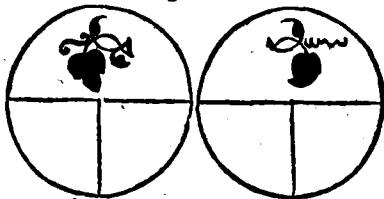
ὍΡΟΙ. α,

Ἰ^α ΣΟΙ κύκλοι εἰσιν, ὧν αἱ διαμέτροι εἰσὶ ἴσαι·
ἢ ὧν αἱ ἐκ τῶν κέντρων ἴσαι εἰσιν.

DEFINITIONES.

I

Æquales circuli, sunt quorum diametri
sunt æqua
les, vel
quorum
quæ ex cē
tris rectæ
lineæ sunt
æquales.

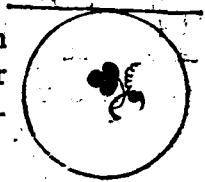


β

Ἐνθεῖα κύκλος ἐφαπτεσθαι λέγεται, ἥ τις ἀπτό-
μένη τῷ κύκλῳ, εἰς βαλλομένη, ἔ τέμνει τὸν κύ-
κλον.

2

Recta linea circulum tan-
gere dicitur, quæ cum cir-
culum tangat, si produca-
tur, circulum non secat.

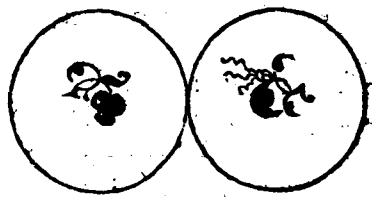


γ

Κύκλοι ἐφαπτεσθαι ἀλλήλων λέγονται, ὅτε
ἀπτόμενοι ἀλλήλων, ἔ τέμνουν ἀλλήλους.

3

Circuli se-
se mutuò
tangere di-
cuntur : qui
se se mu-
tuo tangē-
tes, se se mutuò non secant.



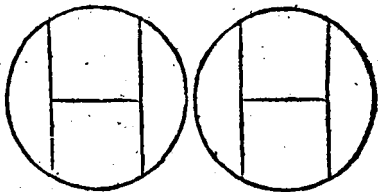
δ

Ἐν κύκλῳ ἴσον ἀπέχειν τῷ κέντρῳ εὐθεῖαι λέγον-
ται, ὅταν αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρου ἐπ' αὐταῖς κἀθετοὶ ἀ-
γόμεναι ἴσαι ᾧσι: μείζον ἢ ἀπέχειν λέγεται, ἐφ'
ὃ ἢ μείζον κἀθετὸ πίπτει.

4

In circulo æqualiter distare à centro re-
cta lineæ dicuntur, cum perpendicula-
res

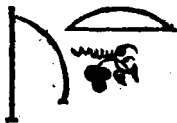
res, quæ à
centro in
ipsas ducū
tur, sunt
æquales.



Lōgius au
tem abesse illa dicitur, in quā maior per
pendicularis cadit.

Τμήμα κύκλου, ἐστὶ τὸ περιεχόμενον ὑπὸ
τε διθείας καὶ κύκλου περιφέρειας.

Segmentum circuli, est fi
gura quæ sub recta linea
& circuli peripheria com
prehenditur.



Τμήμα τῆς ὀρθῆς γωνίας ἐστὶν, ἡ περιεχομένη ὑπὸ
τε διθείας, καὶ κύκλου περιφέρειας.

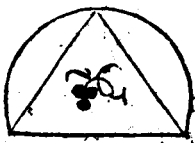
Segmenti autem angulus est, qui sub re
cta linea & circuli peripheria compre
henditur.

Ἐν τμήματι ὀρθῆς γωνίας ἐστὶν, ὅταν ᾖ τὸ εἰς περι
φέρειας τῆς γωνίας ἀφ' ἑαυτῶν σημείων, καὶ ἀπ' αὐτῶν
ὑπὸ τῶν ὁρίων τῆς διθείας, ἡ ἐκ τῶν βάλειν τῆς τμή
ματος

μαρς, ἐπεξελυθῶσιν διδῆναι, ἢ ποδλεχομένη
γωνία ὑπὸ τῷ αὐτῷ ἐλυσθῶσιν διδῆναι.

7

In segmento autem angulus est, cū in
segmēti periphēria sumptū fuerit quod-
piam punctum, & ab illo in terminos re-
ctæ eius linæ, quæ segmē-
ti basis est, adiunctæ fue-
rint rectæ linæ: is, inquā,
angulus ab adiunctis illis
lineis comprehensus.

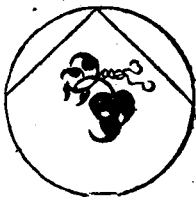


η

ὅταν ὁ αὐτὸς ποδλεχθῇ τῷ γωνίᾳ διθεῖται ἀρ-
αμβανασίῃνα ποδφερείᾳ, ἐπ' ἐκείνης λέγε-
ται βεβηκέναι ἡ γωνία.

8

Cū verò comprehen-
dentes angulum rectæ li-
næ aliquam assumūt pe-
ripheriā, illi angulus insi-
stere dicitur.

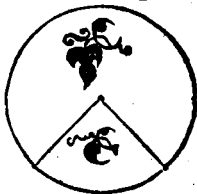


θ

τομὴς ὁ κύκλος ἔστιν, ὅταν πρὸς τῷ κέντρῳ αὐ-
τῷ τῷ κύκλῳ σταθῇ ἡ γωνία, τὸ ποδλεχομένον αἰ-
μα ὑπὸ τε τῷ τῷ γωνίᾳ ποδλεχθῶσιν διδῆναι
αὐτῷ ἀρλεμβανομένης ὑπ' αὐτῶν, ποδφερείας.

9

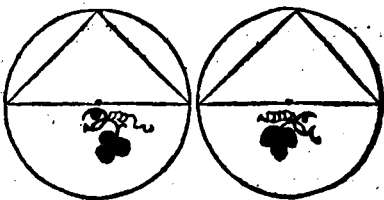
Señtor autem circuli est, cùm ad ipsius circuli centrum constitutus fuerit angulus, cõprehenso nimirũ figura & à rectis lineis angulũ cõtinentibus, & à peripheria ab illis assumpta.



Ὅμοια τμήματα κύκλου ὅτε, τὰ διχομήλου γωνίας ἴσας ἢ ἐν οἷς αἱ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσιν.

10

Similia circuli segmenta sunt, quæ angulos capiunt æquales : aut in quibus anguli inter se sunt æquales.



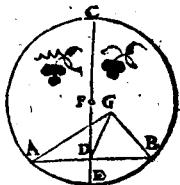
Προτάσις.

α

Τὸ διότι τὸ κύκλου κέντρον διέρει.

Probl. I. Propo. I.

Dati circuli centrum reperire.



D ij

β

Εὰν κύκλος ᾗ τῇ περιφέρειᾳ ληφθῇ δύο τυ-
χόντα σημεῖα, ἢ ᾗ αὐτὰ σημεῖα ᾗ ζυγνυμέ-
νη διθεία, ἐπὶ τὸς πεσεῖται τῇ κύκλῳ.

Theo.1.Propo.2.

Si in circuli peripheria
duo quælibet puncta ac-
cepta fuerint, recta linea
quæ ad ipsa puncta ad-
iungitur, intra circulum
cadet.

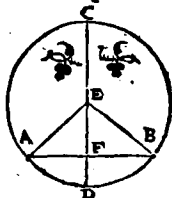


γ

Εὰν ἐν κύκλῳ διθεία τις διὰ τῆς κέντρῳ, διθείᾳ
ἵνα μὴ διὰ τῆς κέντρῳ δίχα τέμνη: ἢ πρὸς ὁρθὰς
αὐτῇ τέμνῃ, ἢ ἐὰν πρὸς ὁρθὰς αὐτῇ τέμνη, ἢ
δίχα αὐτῇ τέμνῃ.

Theor.2.Propo.3.

Si in circulo recta quædam linea per cen-
trum extensa quandam
non per centrum exten-
sam bifariam secet: & ad
angulos rectos ipsam se-
cabit. Et si ad angulos re-
ctos eam secet, bifariam
quoque eam secabit.



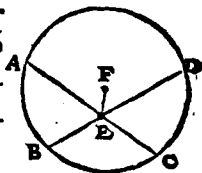
δ

Εὰν ἐν κύκλῳ δύο διθείαι τέμνωσιν ἀλλήλας,

μη δια τῶ κέντρῳ ἔσται, ὅ τέμνουσιν ἀλλήλους δίχα.

Theo.3.Propo.4.

Si in circulo duæ rectæ li-
neæ sese mutuò secant nō
per centrum extensæ, se-
se mutuò bifariam nō se-
cabunt.

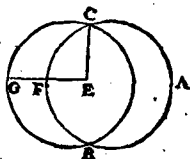


ε

Ἐὰν δύο κύκλοι τέμνωσιν ἀλλήλους, ἢ ἔσται αὐ-
τῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor.4.Propo.5.

Si duo circuli sese mutuò
secant, non erit illorum
idem centrum.

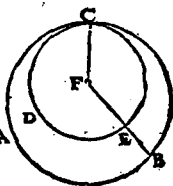


ς

Ἐὰν δύο κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων ἐντὸς, ἢ
ἔσται αὐτῶν τὸ αὐτὸ κέντρον.

Theor.5.Propo.6.

Si duo circuli sese mutuò
interius tangant, eorum
non erit idem centrum.

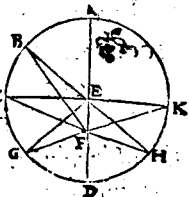


Ἐὰν κύκλος ὡς τῷ ὁμομέτρου ληφθῇ ἡ σημείον, ὃ
μή βετι κέντρον τῷ κύκλου, ἀλλ' ὃ τῷ σημείον περὶ αὐ-
τοῦ

πῶς ἢ διθεῖται τινες πρὸς τὸν κύκλον: μέγιστη ἢ
 ἔσται ἐφ' ἧς εἰ κέντρον, ἐλαχίστη ὃ ἡ λοιπὴ: τῶν δὲ
 ἄλλων αἰεὶ ἡ ἐπίορτ' διὰ τῆς κέντρον τ' ἀπώτατον
 μέγιστον ὅστι. Δύο ὃ μόνον ἐνθεῖται ἴσῃ ἀπὸ τῆς αὐτῆς
 σημείας περὶ αὐτοῦ πρὸς τὸν κύκλον, ἐφ' ἐκά-
 τορα αὖ ἐλαχίστης.

Theor. 6. Propo. 7.

Si in diametro circuli quodpiam suma-
 tur punctum, quod circuli centrum non
 sit, ab eoque puncto in circulum quædam
 rectæ lineæ cadant: maxima quidem e-
 rit ea in qua centrum, minima verò re-
 liqua: aliarum vero pro-
 pinquior illi quæ per cen-
 trum ducitur, remotiores
 semper maior est. Dux au-
 tem solùm rectæ lineæ æ-
 quales ab eodem puncto
 in circulum cadunt, ad utrasque partes
 minimæ.



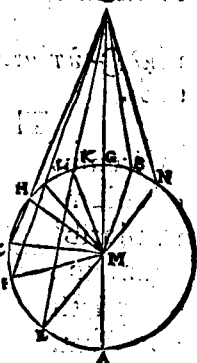
η

Ἐὰν κύκλος ληφθῇ τὶ σημείον ἐν τῷ, ἀπὸ ὃς τῆς ση-
 μείας πρὸς τὸν κύκλον ἀφελθῶσιν διθεῖται ἑναι,
 ὧν μία ἢ διὰ τῆς κέντρον, αἱ ὃ λοιπαὶ ὡς ἔτυχε: ἢ
 ἢ πρὸς τὴν κοίλῃ πᾶσι φέρειαν περὶ πᾶσι τῶν
 διθεῖται, μέγιστη ἢ διὰ τῆς κέντρον, τῶν ὃ ἄλλων
 αἰεὶ ἡ ἐπίορτ' αὖ διὰ τῆς κέντρον, τ' ἀπώτατον μέγ-

ζων ἔσται. ἥ ὃ πρὸς τῷ κυρτῷ ὁδοφύρεται πρὸς
 πιπίσων διθειῶν, ἐλαχίστην ὅσιν ἡ μεταξὺ τῶ-
 τε σημεία καὶ τῶ διαμέτρου. τῇ ὃ ἄλλω αἰεὶ ἢ ἔτιον
 αὐτὴ ἐλαχίστη, αὐτὴ ἀπώτατον ἔσθι ἐλαττωμένη. Δύο ὃ
 μόνον διθειῶν ἵκει πρὸς αὐτῶν τοιαύτη τῶ σημεία
 πρὸς τὴν κύκλον ἐφ' ἐκάτερά αὐτὴ ἐλαχίστη.

Theor. 7. Propo. 8.

Si extra circulum sumatur punctum quod-
 dam, ab eoque puncto ad circulum de-
 ducantur rectæ quædam lineæ, quarum
 una quidem per centrum protendatur,
 reliquæ verò ut libet: in cavam periphe-
 riam cadentium rectarum linearum ma-
 xima quidem est illa, quæ per cætrum du-
 citur: aliarum autē propinquior ei, quæ
 per centrū trāsīt, remotiore semper ma-
 ior est. In cōvexam verò peripheriam
 cadentium rectarum linearum, mini-
 ma quidem est illa, quæ
 inter punctum & diamê-
 trum interponitur: alia-
 rum autem, ea quæ pro-
 pinquior est minimæ, re-
 motiore semper minor
 est. Duæ autem tantum
 rectæ lineæ æquales ab eo



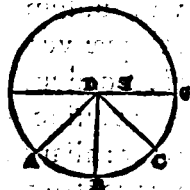
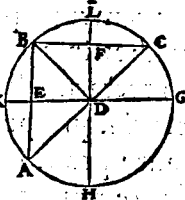
puncto in ipsum circulum cadunt, ad utraque partes minimæ.

9

Ἐὰν κύκλος λαβῇ τὶ σημεῖον ἐν ᾧ, ἀπὸ τοῦ σημείου πρὸς τὸν κύκλον περὶ πῶσιν πλείους ἢ δύο διθείαι ἴσῃ, & λαβῇ τὸ σημεῖον, κέντρον εἶναι τὸν κύκλου.

Theor. 8. Propo. 9.

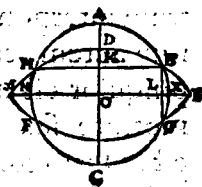
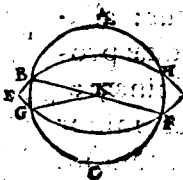
Si in circulo acceptum fuerit punctum aliquod, & ab eo puncto ad circulum cadant plures quàm duæ rectæ lineæ æquales, acceptum punctum centrum ipsius est circuli.



κύκλος δὲ τέμνει κύκλον κατὰ πλείονα σημεία, ἢ δύο.

Theor. 9. Propo. 10.

Circulus circulum in pluribus quàm duobus punctis non secat.

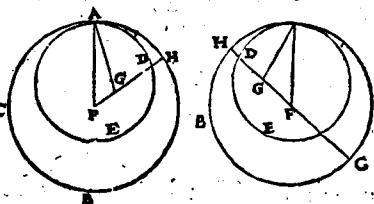


1 α

Εἴ ἄρ' δύο κύκλοι ἐφαπτόνται ἀλλήλων εἰς ἓς, καὶ
ληφθῇ αὐτῶν τὰ κέντρα, ἢ ὑπὸ τὰ κέντρα αὐτῶν
αδιζυγνυμένη διθεία καὶ ἐκβαλλομένη, ὑπὸ τῆς
συναφῆς περσεῖται τῶν κύκλων.

Theor. 10. Propo. 11.

Si duo circuli sese intus contingant, at-
que accepta fuerint eorum cētra, ad eo-
rum cētra
adiuncta
recta linea
& produ-
cta in con-
tactum cir-
culorum cadet.

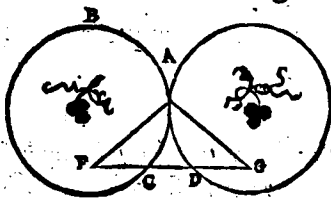


1 β

Εἴ ἄρ' δύο κύκλοι ἀπτόνται ἀλλήλων ἐκτὸς, ἢ ὑπὸ
τὰ κέντρα αὐτῶν αδιζυγνυμένη, διὰ τοῦ ἐπα-
φῆς ἐλθίσσεται.

Theor. 11. Propo. 12.

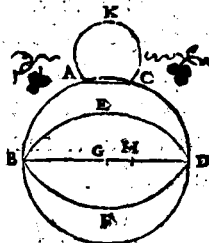
Si duo circuli sese exterius contingant,
linea recta
que ad cē-
tra eorum
adiūgitur,
per conta-
ctum illū
transibit.



¹⁷
 κύκλῳ κύκλῳ ἐφάπτεται πλείονα σημεία ἢ
 καὶ ἓν, ἑκάτε ἐκ τῶν ἐάντε ἐκ τῶν ἐφάπτεται.

Theor. 12. Propo. 13.

Circulus circulū non
 tangit in pluribus pū
 ctis, quā vno, siue in-
 tus siue extra tangat.



¹⁸
 Ἐν κύκλῳ αἱ ἴσαι ἐνθεῖαι ἴσιν ἀπέχουσιν ἀπὸ τῆς
 κέντρου. καὶ αἱ ἴσων ἀπέχουσιν ἀπὸ τῆς κέντρου, ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσίν.

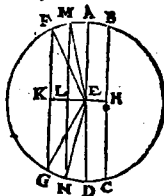
Theor. 13. Propo. 14.

In circulo æquales rectæ
 lineæ equaliter distāt à cē-
 tro. Et quæ æqualiter di-
 stāt à cētro, æquales sunt
 inter se.



¹⁹
 Ἐν κύκλῳ μεγίστη μὲν ὅστις ἡ διαμέτρος, καὶ ἡ
 ἄλλων αἰεὶ ἢ ἐπίον τῆς κέντρου, καὶ ἀπὸ τῶν μείζων
 ὅστις.

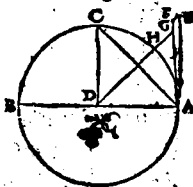
In circulo maxima quidem linea est diameter: aliarum autem propinquior centro, remotiore semper maior.



45

Ἡ τῇ ἀξιάμετρου τῆς κύκλου πρὸς ὀρθὰς ἀπ' ἀκρας ἀγομένη, ἐκ τὸς περσεῖται τῆς κύκλου, εἰς τὸν μεταξὺ αὐτῆς τε θιθέας, καὶ αὐτῆς περσεύειας, ἑτέρα αὖ τὸ πομπῶς αὐτῆς παρεμπεσεῖται εἰς τὴν ἡμικυκλίαν γωνίαν, ἀπὸ τῆς ὀξείας γωνίας αὐτοῦ γωνίαν μείζων ὅσῳ, ἢ διὰ λοιπὴν, ἐλάττω.

Quæ ab extremitate diametri cuiusque circuli ad angulos rectos ducitur, extra ipsum ciculū cadet, & in locum inter ipsam rectam lineā & peripheriā cōprehensum, altera recta linea nō cadet. Et semicirculi quouis angulo acuto rectilineo maior est, reliquis autem minor.

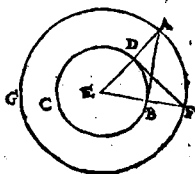


12

Από τῆς Ποιήσεως σήμερις, ἡ Ποιήσις κύκλος
φαπτομένου δι' ἑξῆς γραμμῶν ἀγαγεῖν.

Proble.2.Propo.17.

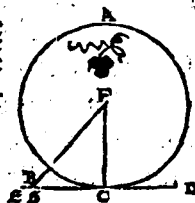
A dato puncto rectam lineam ducere, quæ datum tangat circulum.



¹⁴
 Ἐὰν κύκλος ἐφαπτήται ἡς διθείας, ἀπὸ τοῦ κέν-
 τρου ὑπὸ τῷ ἀφῶ ἐπιζωχθῇ ἡς διθείας, ἡ ἐπι-
 ζωχθεῖσα καὶ διτθὴ ἔσται ὑπὸ τῷ ἀπτομένῳ.

Theorema 16. Propo. 18.

Si circulū tāgat recta quæpiam linea, à centro autē ad contactum adiūgatur recta quedam linea: quæ adiuncta fuerit ad ipsam cōtingentem perpendi-
 cularis erit.

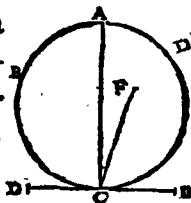


¹⁰
 Ἐὰν κύκλος ἐφαπτήται ἡς διθείας, ἀπὸ τοῦ ἀφῶς τῇ
 ἐφαπτομένῃ πρὸς ὁρθὰς γωνίας ἐνθεία γεγραμμένη
 ἀχθῇ, ὑπὸ τοῦ ἀχθείσσης ἔσται τὸ κέντρον τοῦ κύκλου.

Theor. 17. Propo. 19.

Si circulū tetigerit recta quæpiā linea, à

contactu autē recta linea
ad angulos rectos ipsi tā-
angēti excitetur, in exci-
tata erit centrum circuli.



Ἐν κύκλῳ ἡ πρὸς τῷ κέντρῳ γωνία, διπλασία τῇ
ὅτι τῇ πρὸς τῇ περιφερείᾳ, ὅταν τινὲς αὐτῶν περι-
φέρειαν βάσωσι ἔχωσιν αἱ γωνίαι.

Theor. 18. Propo. 20.

In circulo angulus ad cē-
trū duplex est anguli ad
peripheriam, cūm fue-
rit eadem peripheria ba-
sis angulorum.



Ἐν κύκλῳ αἱ ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι γωνίαι, ἴσαι ἀλ-
λήλαις εἰσίν.

Theor. 19. Propo. 21.

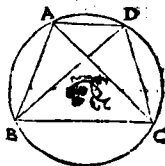
In circulo, qui in eodem
segmento sunt anguli,
sunt inter se æquales.



Τῶν ἐν τοῖς κύκλοις τετραπλῆρων αἱ ἀπεναντίας
γωνίαι, δυσὶν ὁμοῖαι ἴσαι εἰσίν.

Theor. 20. Propo. 22.

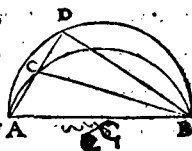
Quadrilaterorum in circulis descriptorum anguli qui ex aduerso, duobus rectis sunt æquales.



ἐπὶ αὐτῆς διθείας, δύο τμήματα κύκλων ὅμοια καὶ ἄντι ὅσους ἀθήσονται ὑπὸ τὰ αὐτὰ μέρη.

Theor. 21. Propo. 23.

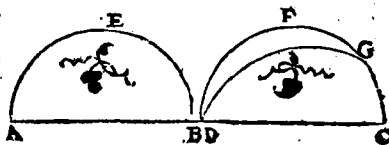
Super eadem recta linea, duo segmēta circuloꝝ similia & inæqualia non constituentur ad easdem partes.



τὰ ὑπὸ ἴσων διθειῶν ὅμοια τμήματα κύκλων, ἴσα ἀλλήλοις εἰσὶν.

Theor. 22. Propo. 24.

Super æqualib⁹ rectis lineis ætis lineis circuloꝝ similia segmenta



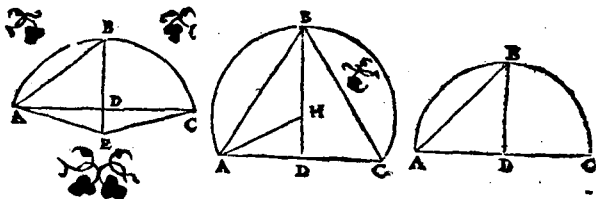
su nt inter se æqualia.

κ ε

Κύκλου τμήματ' Θ δοθέντ' Θ , περιγράψαι
ἐν κύκλῳ, ἑσθ' ὅστις τμήμα.

Probl. 3. Propo. 25.

Circuli segmento dato, describere circu-
lum, cuius est segmentum.

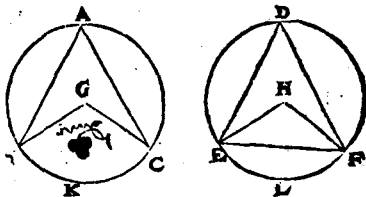


κ δ

Ἐν τῇς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι γωνίαι, ἢ ἴσων
πολυφρεϊῶν βεβήκασι, ἐάν τε πρὸς τῇς κέντροις,
ἐάν τε πρὸς ταῖς πολυφρεΐαις ὡς βεβήκασι.

Theor. 23. Propo. 26.

In æqualibus circulis, æquales anguli æ-
qualibus
periphe-
riis insistent
siue ad cē-
tra, siue ad
periphe-
rias constituti insistant.

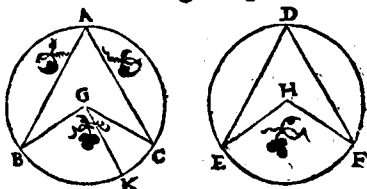


κζ

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις, αἱ ὑπὸ ἴσῳ περιφρείῳ
 βεβηκῆναι γωνίαι, ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, ἐάντε πρὸς
 τῆς κέντρους, ἐάντε πρὸς ταῖς περιφρείαις ὡςι βε-
 βηκῆναι.

Theor. 24. Propo. 27.

In æqualibus circulis, anguli qui æquali-
 bus peri-
 pheriis in-
 sistūt, sunt
 inter se æ-
 quales siue
 ad centra,
 siue ad peripherias constituti insistant.

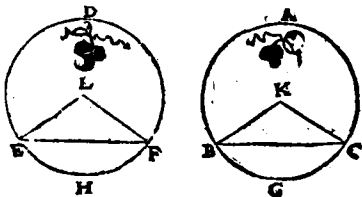


κη

Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ ἴσαι ἐν δεῖαι ἴσας περιφε-
 ρείας ἀφαιρῶσι, τὴν μὲν μείζονα, τῇ μείζονι, τὴν δὲ
 ἐλάττωνα, τῇ ἐλάττω.

Theor. 25. Propo. 28.

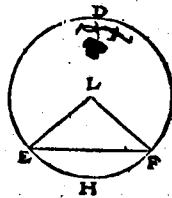
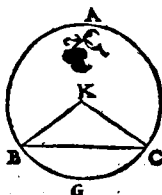
In æqualibus circulis æquales rectę lineę
 æquales
 periphe-
 rias aufe-
 runt, maio-
 ρε quidẽ,
 maiori, mi-
 norem autem, minori.



Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις ἄνω τὰς ἴσας περιφέρειας
ἵστα ἐυθεῖαι ἄνω τείνουσι.

Theor. 26. Propo. 29.

In æquali-
bus circu-
lis, æqua-
les peri-
pherias æ-
quales re-
ctæ lineæ subtendunt.

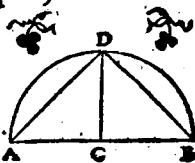


λ

τίω διαθεῖσθαι περιφέρειαν διχα τέμνειν.

Problema 4. Propo. 30.

Datam peripheriam bi-
fariam secare.



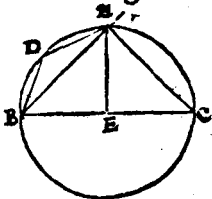
λ α

Ἐν κύκλῳ, ἢ ἤν ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ γωνία ὀρθή εἴ-
σιμι, ἢ ὅ ἐν τῷ μείζονι τμήματι, ἐλαττωρ ὀρθῆς,
ἢ ὅ ἐν τῷ ἐλαττωρι, μείζων ὀρθῆς : Ὁ ἐν ἢ ἢ ἢ
μείζοντι τμήματι γωνία, μείζων ὅστιν ὀρθῆς, ἢ
ὅ τῷ ἐλαττωρι τμήματι γωνία, ἐλαττωρ ὅστιν
ὀρθῆς.

Theor. 27. Propo. 31.

In circulo angulus qui in semicirculo, re

ὅτις ἐστὶν: οὗτος αὐτὸς ἐν τῷ ὀλίγῳ τμήματι, ὁ μείζων ὁρθός: οὗτος αὐτὸς ἐν τῷ ὀλίγῳ τμήματι, ὁ μείζων ὁρθός. Ἐν τῷ ὀλίγῳ τμήματι τοῦ ὀρθοῦ, ὁ μείζων ὁρθός. Ἐν τῷ ὀλίγῳ τμήματι τοῦ ὀρθοῦ, ὁ μείζων ὁρθός. Ἐν τῷ ὀλίγῳ τμήματι τοῦ ὀρθοῦ, ὁ μείζων ὁρθός.

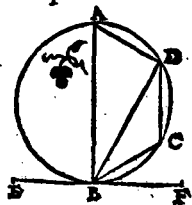


λ β

Ἐὰν κύκλος ἐφατῇται ἐν εὐθείᾳ, ἀπὸ τοῦ ἀφ᾽ ἧς ἡ εὐθεῖα τὸν κύκλον ὄχθη, ἕως εὐθείᾳ τέμνεται, τὸν κύκλον: ὅς ποιεῖ γωνίας πρὸς τῇ ἐφαπτομένῃ, ἴσαι ἔσονται ταῖς ἐν ταῖς ἐναλλάξ τῷ κύκλῳ τμήμασι γωνίαις.

Theor. 28. Propo. 32.

Si circulum tetigerit aliqua recta linea, à contactu autem producatu quædam recta linea circulum secās: anguli quos ad contingēte facit, æquales sunt his qui in alternis circuli segmentis consistunt, angulis.

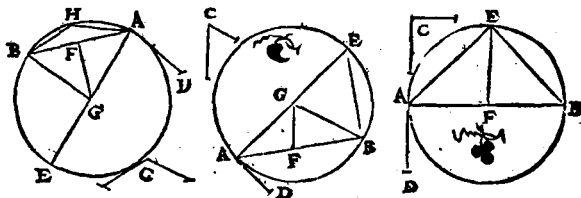


λ γ

Ἐπὶ τοῦ ἀφ᾽ ἧς εὐθείας γραφῆται τμήμα κύκλου, διὰ τοῦ κέντρου γωνία ἴση τῇ ἀπὸ τοῦ ἀφ᾽ ἧς εὐθείας γραφῆται.

Probl. 5. Propo. 33.

Super data recta linea describere segmentum circuli quod capiat angulum æqualem dato angulo rectilineo.

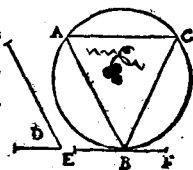


λ δ

Ἀπὸ τῆς δοθείνης κύκλου τμήμα ἀφελεῖν διεχόμενον γωνίαν ἴσων τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ ἐν δοθέντα μῶ.

Probl. 6. Propo. 34.

A dato circulo segmentum abscindere capiens angulum æqualem dato angulo rectilineo.



λ ε

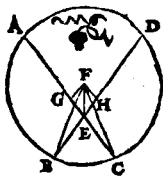
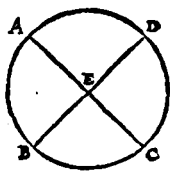
Ἐὰν ἐν κύκλῳ δύο ἐνδείξαι τέμνωσιν ἀλλήλους, ὅτε ὁ ἀπὸ τῆς μᾶς τμημάτων ἀπὸ τοῦ κέντρου ὁρθογώνιος, ἴσον ὅτι ὁ ἀπὸ τῆς ἑτέρας τμημάτων ἀπὸ τοῦ κέντρου ὁρθογώνιος.

Theor. 29. Propo. 35.

Si in circulo duæ rectæ lineæ sese mutuò

E ij

secuerint, rectangulum comprehensum
sub segmē
tis vnius,
æquale est
ei, quod
sub segmē
tis alterius
comprehenditur, rectangulo.

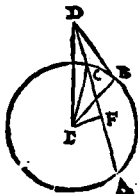
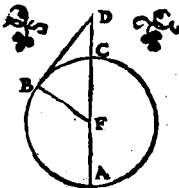


λς

Εἰ ἄν κύκλῳ ληφθῇ ὁ σημείον ἐκ τῆς, καὶ ἀπ' αὐτοῦ
πρὸς τὸν κύκλον περσπίτωσι δύο ἐν θύραι, καὶ ἡ μὲν
αὐτῇ τέμνη τὸν κύκλον, ἡ δὲ ἐφαπτήται: ἔσαι τὸ
ὑπὸ ὅλης τῆς τεμνύσης καὶ τῆς ἐκτὸς ἀπολαμβανομέ
νης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς περιφορείας,
παραχόμενον ὁρθογώνιον, ἴσον τῷ ὑπὸ
πτομένης τετραγώνῳ.

Theor. 30. Propo. 36.

Si extra circulum sumatur punctum ali
quod, ab eoque in circulum cadant duæ
rectæ lineæ, quarum altera quidem circu
lum secet, altera verò tangat: quod sub to
ta secante & exterius inter punctum &
cōuexam
periphe
riam as
sumpta
cōprehen



ditur rectangulum, æquale erit ei, quod à tangente describitur, quadrato.

λζ

Εὰν κύκλῳ ληφθῇ ἡ σημείον ἐκ τῆς ἀρχῆς τῆς σημείας πρὸς τὸν κύκλον προσηπίτωσι δύο ἐνθεταί, καὶ ἡ μὲν αὐτῇ τέμνῃ τὸν κύκλον, ἡ δὲ προσηπίτῃ, ἣ δὲ ὑπὸ τῆς ὅλης τέμνεσθαι, ὅ τ' ἐκ τῆς ἀπολαμβανόμενης μεταξὺ τῶν σημείων καὶ τῆς κυρτῆς πόδας φέρειας, ἴσον ἔσθ' ἀπὸ τῆς προσηπίτῃσιν ἢ προσηπίτῃς ἐφαίψεται τῷ κύκλῳ.

Theor. 31. Propo. 37.

Si extra circulum sumatur punctum aliquod, ab eoque puncto in circulum cadant duæ rectæ linæ, quarum altera circulum secet, altera in eum incidat, sit autem quod sub tota secante & exterius inter punctum & conuexam peripheriam assumpta, comprehenditur rectangulum, æquale ei, quod ab incidente describitur quadrato: incidens ipsa circulum tæget.



Elementi tertii finis.



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

TÉTAPTON.

EVCLIDIS ELEMENT-

TVM QVARTVM.

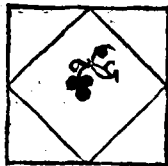
ΟΡΟΙ.

Σ ^αχῆμα ἐν δύο γράμμασι εἰς χῆμα ἐν δύο γράμμοις ἐκφράζεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκείνη τῶν τῶν ἐκφραζομένων σχήματ^{ος} γωνιῶν, ἐκείνης πλὴν ἑαὶς τῆς εἰς ὃ ἐκφράζεται ἀπῆται.

DEFINITIONS.

I

Figura rectilinea in figura rectilinea inscribi dicitur, cūm singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli singula latera eius, in qua



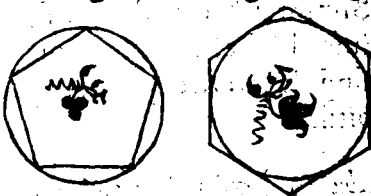
inscribitur, tangunt.

β

Σχήμα ὁμοίως ποδὶ σχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς περιγραφομένης, ἐκάστης γωνίας τῆς ποδὶ ὁ περιγράφεται, ἀπῆται.

2

Similiter & figura circum figurā describi dicitur, quum singula eius quæ circum scribitur, latera singulos eius figuræ angulos tetigerint, circum quàm illa describitur.



γ

Σχήμα ὁ εὐθύγραμμος εἰς κύκλον ἐγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη γωνία τῆς ἐγγραφομένης ἀπῆται τῆς κύκλου περιφέρειας.

3

Figura rectilinea in circulo inscribi dicitur, quum singuli eius figuræ quæ inscribitur, anguli tetigerint circuli peripheriam.

δ

Σχήμα ὁ εὐθύγραμμος ποδὶ κύκλον περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἐκάστη πλευρὰ τῆς ποδὶ περιφερείας, τῆς περιγραφομένης ἐφάπῃται.

4

Figura verò rectilinea circa circulum describi dicitur, quū singula latera eius, quę circū scribitur, circuli peripheriā tangūt.

ε

Κύκλος ὁμοίως εἰς χῆμα λέγεται ἐγράφεσθαι, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης πλευρᾶς τῷ εἰς ὃ ἐγράφεται, ἀπῆται.

5

Similiter & circulus in figura rectilinea inscribi dicitur, quum circuli peripheria singula latera tāgit eius figuræ, cui inscribitur.

ζ

Κύκλος ὁ περιχῆμα περιγράφεσθαι λέγεται, ὅταν ἡ τῷ κύκλῳ περιφέρεια, ἐκάστης γωνίας τῷ περι ὃ περιγράφεται, ἀπῆται.

6

Circulus autem circum figuram describi dicitur, quū circuli peripheria singulos tangit eius figuræ, quam circumscribit, angulos.

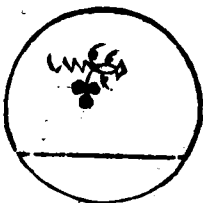
η

Εὐθεῖα εἰς κύκλον ἐαζόμεσθαι λέγεται, ὅταν τὰ πέρατα αὐτῆς, ἐπὶ τῇ περιφερείᾳ ἢ τῷ κύκλῳ.

7

Recta linea in circulo accommodari seu

coaptari dicitur, quū e-
ius extrema in circuli
peripheria fuerint.



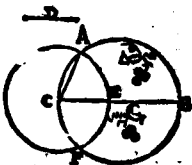
Προτάσεις.

α

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον τῇ δοθείσῃ ὀρθείᾳ μὴ
μείζονι ὕψει τῷ κύκλῳ ἀναμέτρηται, ἴσῳ ἀνδρα-
νάσμεται.

Probl.1. Propo.1.

In dato circulo, rectam li-
neam accommodare æ-
qualem datæ rectæ lineæ,
quæ circuli diametro nō
sit maior.

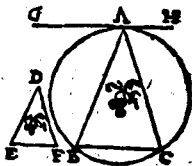


β

Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τρίγωνῳ
ἰσόγωνιον τρίγωνον ἐκτεράσσει.

Proble.2. Propo.2.

In dato circulo, triangu-
lum describere dato triā-
gulo æquiangulum.

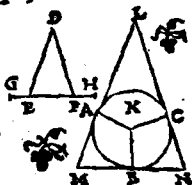


γ

Περὶ τὸν δοθέντα κύκλον, τῷ δοθέντι τρίγωνῳ
ἰσογώνιον τρίγωνον περιγεράσσει.

Probl.3.Proop.3.

Circa datum circulum tri-
angulum describere da-
to triangulo æquiangu-
lum.

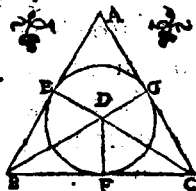


Δ

Εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον ἐπεράσσει.

Probl.4. Propo.4.

In dato triangulo circu-
lum inscribere:

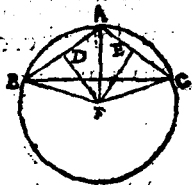
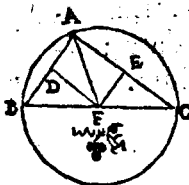
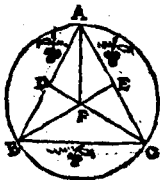


Ε

περὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον, κύκλον περιγεράσει.

Probl.5. Propo.5.

Circa datum triangulum, circulum def-
scribere.

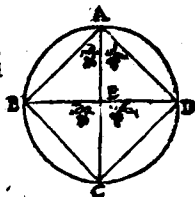


Σ

Εἰς τὸ δοθέντα κύκλον, τετράγωνον ἐπεράσσει.

LIBER III.
Probl.6.Propo.6.

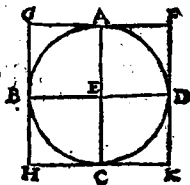
In dato circulo quadratū
describere.



περί τῷ δοθέντι κύκλῳ, τετράγωνον περι-
γράφαι.

Probl.7.Propo.7.

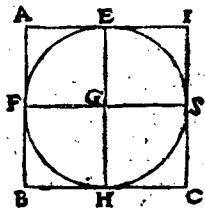
Circa datum circulum,
quadratum describere.



Εἰς τὸ δοθέν τετράγωνον, κύκλον ἐνγράφαι.

Probl.8.Propo.8.

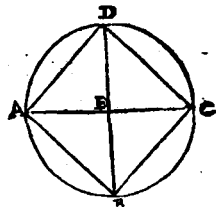
In dato quadrato circu-
lum inscribere.



περί τῷ δοθέν τετράγωνον, κύκλον περιγράφαι.

Probl.9. Propo.9.

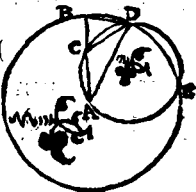
Circa datum quadratū,
circulum describere.



ἰσοκέλης τρίγωνον συστήσασθαι, ἔχον ἑκατέρωθεν
πρὸς τῇ βάσει γωνίῳ, διπλασίονα τῇ λοιπῇ.

Probl.10. Propo.10.

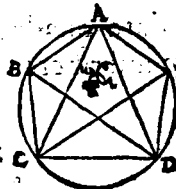
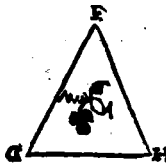
Isoceles triangulū cōsti-
tuere, quod habeat vtrū-
que eorum, qui ad basin
sunt, angulorum, duplum
reliqui.



ἑῖς τὸν δοθέντα κύκλον, πένταγωνον ἰσόπλευ-
ρόν τε καὶ ἰσογώνιον ἐγγραῖλαι.

Theor.11. Propo.11.

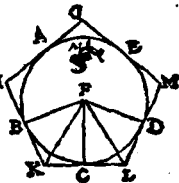
In dato cir-
culo, pen-
tagonium
equilaterū
& æquian-
gulum in-
scribere.



Γερί τὸν δοθέντα κύκλον, πεντάγωνον ἰσόπλευρον
ἔσθ' τε ἐῖσογώνιον ποδὲς γράψαι.

Proble.12. Propo.12.

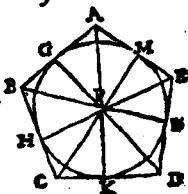
Circa datum circulum,
pentagonum æquilaterū
& æquiangulum descri-
bere.



Εἰς τὸν δοθέντα πεντάγωνον ὅστις ἰσόπλευρόν τε καὶ
ἰσογώνιον, κύκλον ἐσφράσαι.

Proble.13. Propo.13.

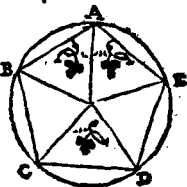
In dato pentagono æqui-
latero & æquiangulo, cir-
culum inscribere.



περί τὸν δοθέντα πεντάγωνον, ὅστις ἰσόπλευρόν τε καὶ
ἰσογώνιον, κύκλον ποδὲς γράψαι.

Probl.14. Propo.14.

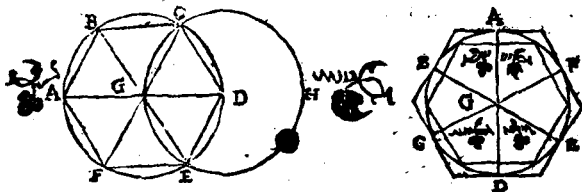
Circa datum pentagonū
æquilaterum & æquangu-
lum, circulū describere.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον, ἐξάγωνον ἰσόπλευρόν τε
ἑῖς ὁ γωνίον ἐῖς ῥά φαι.

Probl. 15. Propo. 15.

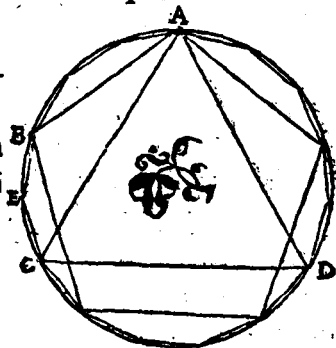
In dato circulo hexagonū & æquilaterū
& equiangulum inscribere.



Εἰς τὸν δοθέντα κύκλον πεντεκαίδεκάγωνον ἰσό-
πλευρόν τε ἑῖς ὁ γωνίον ἐῖς ῥά φαι.

The or. 16. Propo. 16.

In dato circulo
quintideca-
gonū & æquila-
terum & æqui-
angulum de-
scribere.





E Y K Λ EΙ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ
ΠΕΜΠΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM QVINTVM. ΟΡΟΙ.

^α
Mέρος ἔστι μέγεθος μεγέθους, ἑλάσσον τῷ μέρει
ζονος, ὅταν καταμετρηῖται μετρίον.
DEFINITIONES.

I

Pars est magnitudo magnitudinis minor maioris, quā minor metitur maiorem.

β

πολλὰ πλάσιον ἢ, ἑμείζον τῷ ἐλάσσονι, ὅταν καταμετρηῖται ὡς ἑλάττω.

2

Multiplex autē est maior minoris, cum minor metitur maiorem.

γ

λόγος ἔστι δύο μεγεθῶν ὁμογενῶν ἢ κατὰ πηλικό-

πῆτα πρὸς ἀλλήλας ποιά χέουσιν.

3

Ratio, est duarum magnitudinum eiusdem generis mutua quædam secundum quantitatem habitudo.

Δ

Αναλογία δέ ἐστι, ἡ τῶν λόγων ὁμοιότης.

4

Proportio verò, est rationū similitudo.

Ε

Λόγον ἔχον πρὸς ἀλλήλας μεγέθῃ λέγεται, ἂν διαύεται πολλαπλασιαζόμενα ἀλλήλων ὑπορέχειν.

5

Rationem habere inter se magnitudinis dicuntur, quæ possunt multiplicatæ sese mutuò superare.

5

Ἐρ τοῦ αὐτοῦ λόγου μεγέθῃ λέγεται εἶναι, πρῶτον πρὸς διπλότον, ὁ δὲ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὅταν τὰ τε πρῶτον καὶ τρίτον ἴσῃς πολλαπλασία, ἢ τε διπλότου καὶ τετάρτου ἰσάκῃς πολλαπλασίῳ καθ' ὅποιον αὐτῶν πολλαπλασιασµὸν, ἐκάτερον ἐκατέρῃ ἢ ἅμα ἐλείπη, ἢ ἅμα ἴσῃ, ἢ ἅμα ὑπορέχῃ ληφθέντα κατ' ἀλλήλας.

6

In eadem ratione magnitudines dicuntur esse, prima ad secundam, & tertia ad quartam,

quartā: cū primæ & tertiæ æquè multiplicia à secūde & quartæ æquè multiplicibus, qualiscunque sit hæc multiplicatio, vtrunque ab vtroque, vel vnà deficiunt, vel vnà æqualia sunt, vel vnà excedunt, si ea sumantur quæ inter se respondent.

ξ

Τὰ ὅτι ἂν αὐτὸν ἔχοντα μεγέθη λόγον, ἀνάλογον καλεῖσθαι.

7

Eandem autem habentes rationem magnitudines, proportionales vocentur.

η

Ὅταν ὅτι ἂν ἰσότης πολλαπλασίων, ὅτι ἂν τῶν πρώτων πολλαπλασίον ὑπὲρ ἔχῃ τῶν ἑξῆς πλεονέκτων πολλαπλασίων, ὅτι ὅτι τῶν τρίτων πολλαπλασίων, μὴ ὑπὲρ ἔχῃ τῶν τετάρτων πολλαπλασίων, τότε πρῶτον πρὸς τὸ δεύτερον μείζονα λόγον ἔχει λέγεσθαι, ἢ ὡς τὸ τρίτον πρὸς τὸ τέταρτον.

8

Cū verò æquè multipliciū, multiplex primæ magnitudinis excesserit multiplicem secundæ, at multiplex tertiæ non excesserit multiplicem quartæ: tunc prima ad secundam, maiorem rationem habere dicetur, quàm tertia ad quartam.

θ

Ἀναλογία ὅτι ἐν τρισὶν ὁμοῖς ἐλαχίστοις ὄντι.

F

Proportio autem in tribus terminis paucissimis consistit.

Ὅταν ὅ τρία μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, ὃ πρῶτον πρὸς ὃ τρίτον, διπλασίονα λόγον ἔχῃ λέγεται, ἢ ὡς πρὸς ὃ διῶτόν. Ὅταν ὅ τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, ὃ πρῶτον πρὸς ὃ τέταρτον, τριπλασίονα λόγον ἔχει λέγεται, ἢ ὡς πρὸς ὃ διῶτόν, καὶ αἰετὶς ἐν πλείον, ἕως ἂν ἡ ἀναλογία ὑπάρχῃ.

Cùm autem tres magnitudines proportionales fuerint, prima ad tertiam, duplicatam rationem habere dicitur eius, quam habet ad secundam. At cùm quatuor magnitudines proportionales fuerint, prima ad quartam, triplicatam rationem habere dicitur eius quam habet ad secundam: & semper deinceps vno amplius, quandiu proportio extiterit.

Ὁμόλογα μεγέθη λέγεται εἶναι, τὰ μὲν ἡγόμενα τοῖς ἡγμένοις, τὰ δὲ ἐπόμενα τοῖς ἐπομένοις.

Homologæ, seu similes ratione magnitudines dicuntur, antecedentes quidem antecedentibus, consequentes verò

consequentibus.

1β

Ἐναλλάξ λόγῳ, ὅτι ληΐς τῷ ἡγμένῳ πρὸς τὸ ἡγμένον, ὡς τῷ ἐπομένῳ πρὸς τὸ ἐπόμενον.

12

Alternatio, est sumptio antecedētis cōparati ad antecedentē, & consequentis ad consequentem.

1γ

Αἰσπάλιν λόγῳ, ὅτι ληΐς τῷ ἐπομένῳ ὡς ἡγμένῳ, πρὸς τὸ ἡγμένον ὡς ἐπόμενον.

13

Inuersa ratio, est sumptio consequentis, ceu antecedentis, ad antecedentem velut ad consequentem.

1δ

Συνώθεσις λόγῳ, ὅτι ληΐς τῷ ἡγμένῳ μετὰ τῷ ἐπομένῳ ὡς ἐνὸς πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

14

Compositio rationis, est sumptio antecedentis cum consequente ceu vnius, ad ipsum consequentem.

1ε

Διαίρεσις ὁ λόγῳ, ὅτι ληΐς τῷ ὑποδοχῆς, ἢ ὑπερέχει τὸ ἡγμένον τῷ ἐπομένῳ, πρὸς αὐτὸ τὸ ἐπόμενον.

15

Diuisio rationis, est sumptio excessus

quo consequentem superat antecedēs
ad ipsum consequentem.

15

Αναστροφὴ λόγου, ὅτι ἡμῖς τῶ ἡγούμενου πρὸς τὴν
ὑποβοχλῶν, ἢ ὑποδρέχει τὴν ἡγούμενου τῶ ἐπομένου.

16

Conuersio rationis, est sumptio antecce-
dentis ad excessum, quo superat antecce-
dens ipsum consequentem.

17

Διίσα λόγου ὅτι πλεονόντων μεγεθῶν, ἐξ ἄλλων
αὐτοῖς ἴσων τὴν πλεονόντων σὺν δύο λαμβανομένων
καὶ ἐξ αὐτῶν λόγου, ὅταν ἢ ὡς ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι, τὴν πρῶτον πρὸς τὴν ἑχάτον, ἔστω ἐν τοῖς διου-
τέροις μεγέθεσι, τὴν πρῶτον πρὸς τὴν ἑχάτον. ἢ ἄλ-
λως, ἡμῖς τῶ ἡγούμενου, καὶ ὑπεξαίρεσιν τῶ
μέσῳ.

17

Ex æqualitate ratio est, si plures duabus
sint magnitudines, & his aliæ multitudi-
ne pares quæ binæ sumantur, & in eadem
ratione: quum vt in primis magnitudi-
nibus prima ad vltimā, sic & in secundis
magnitudinibus prima ad vltimam sese
habuerit. vel aliter, sumptio extremorū
per subductionem mediorum.

18

Τεταγμένη ἀναλογία ὅτι, ὅταν ἢ ὡς ἡγούμενου
πρὸς ἐπόμενον, ἔστω ἡγούμενον πρὸς τὴν ἐπόμενον, ἢ

ὅτι ὡς ἐπόμενον πρὸς ἄλλο ἢ, ἔτις ἐπόμενον πρὸς ἄλλο ἢ.

18

Ordinata proportio est, cū fuerit quē-
admodum antecedens ad consequen-
tem, ita antecedens ad consequētē: fue-
rit etiam ut consequēs ad aliud quidpiā,
ita consequens ad aliud quidpiam.

18

τεταραγμένη ἡ ἀναλογία ὅτι μὲν, ὅταν τριῶν ὄντων
μεγεθῶν, ἢ ἄλλων ἴσων αὐτοῖς ὁ πλῆθος γί-
νεται ὡς ἢ ἐν τοῖς πρώτοις μεγέθεσι μὴ ἔμμενον
πρὸς ἐπόμενον, ἔτις ἐν τοῖς διευτέροις μεγέθεσι μὴ
ἔμμενον πρὸς ἐπόμενον: ὡς ἢ ἐν τοῖς πρώτοις με-
γέθεσι μὴ ἔμμενον πρὸς ἄλλο ἢ, ἔτις ἐν τοῖς διευ-
τέροις μεγέθεσι μὴ ἔμμενον πρὸς ἄλλο ἢ πρὸς ἔμμενον.

19

Perturbata autem proportio est, tribus
positis magnitudinibus, & aliis quæ sint
his, multitudine pares, cū ut in primis
quidem magnitudinibus se habet ante-
cedens ad consequentem, ita in secun-
dis magnitudinibus antecedens ad con-
sequentem: ut autem in primis magni-
tudinibus cōsequens ad aliud quidpiam, sic
in secundis magnitudinibus aliud quid-
piam ad antecedentem.

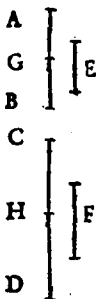
Προτάσεις.

α,

Εὰν ἢ ὁποῦν μεγέθη, ὁποσωνοῦν μεγεθῶν ἴσων, ἢ πλῆθος, ἑκαστομέναν ἴσους πολλαπλάσιον, ὁποῦν ἴσους ἢ ὁποῦν μεγεθῶν ἑνὸς, τοῦ πολλαπλάσιου, ἔστι καὶ τὰ πάντα τῶν πάντων.

Theor. 1. Propo. 1.

Si sint quotcūque magnitudines A
quotcūque magnitudinū æqua- G
lium numero, singulæ singularū B
æquè multiplices, quàm multi- C
plex est vnus vna magnitudo,
tam multiplices erunt & omnes H
omnium.

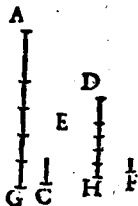


β

Εὰν πρῶτον διδυτέρη ἴσους ἢ πολλαπλάσιον καὶ τρίτον τετάρτη, ἢ ὅ καὶ πέμπτον διδυτέρη ἴσους πολλαπλάσιον, ὅ ἕκτον τετάρτη : καὶ σωτε. Δὲρ πρῶτον καὶ πέμπτον, διδυτέρη ἴσους ἔστι πολλαπλάσιον, καὶ τρίτον ὅ ἕκτον τετάρτη.

Theor. 2. Propo. 2.

Si prima secūde æquè fue- A
rit multiplex, atque tertia B
quartæ, fuerit autem &
quinta secūdæ æquè mul-
tiplex, atq; sexta quartæ:
erit & composita prima

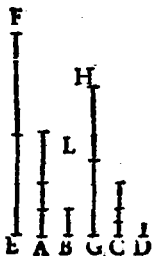


cum quinta, secundæ æquæ multiplex, atque
tertia cum sexta quartæ.

Ἐὰν πρῶτον διδυτέρῃ ἰσότητι ἢ πολλαπλάσιον, ἢ
τρίτον τετάρτῃ, ληφθῇ ὅ ἰσότητι πολλαπλάσια τῶν
πρώτῃ ἢ τρίτῃ· καὶ διίσις, τῶν ληφθέντων ἑκατέ-
ρου ἑκατέρῃ ἰσότητι ἔσται πολλαπλάσιον, ὅ ἢ τῇ
διδυτέρῃ, ὃ ἢ τῇ τετάρτῃ.

Theor. 3. Propo. 3.

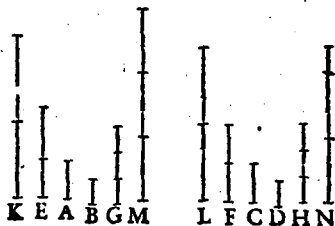
Si sit prima secundæ æquæ
multiplex atq; tertia quar-
tæ, sumantur autem æquæ
multiplices primæ & ter-
tiæ: erit & ex æquo sumpta
rum vtraque vtriusque æ-
quæ multiplex, altera qui-
dem secundæ, altera autē
quartæ.



Ἐὰν πρῶτον πρὸς διδυτέρον τῷ αὐτὸν ἔχῃ λόγον,
καὶ τρίτον πρὸς τετάρτον· ὅ τὰ ἰσότητι πολλαπλά-
σια τῶν τε πρώτῃ καὶ τρίτῃ, πρὸς τὰ ἰσότητι πολλα-
πλάσια τῶν διδυτέρῃ καὶ τετάρτῃ καθ' ὁποιοιοῦν
πολλαπλασιασμὸν, ὅ μὲν αὐτὸν ἕξῃ λόγον ληφθέν-
τα κατὰ ἄλληλα.

Theor. 4. Propo. 4.

Si prima ad secundam, eandem habuerit
rationem, & tertia ad quartam: etiam æ-
què multipli-
ces primæ &
tertiæ, ad æ-
què multipli-
ces secundæ
& quartæ iu-
xta quavis
multiplicatio
nem, eādē habebunt rationem, si pro-
ut inter se respōdent, ita sumptæ fuerint.



Ἐὰν μέγεθος μέγεθος ἰσότης ἢ πολλαπλασιασμοῦ,
ὅπου ἀφαίρεθῇ ἀφαίρεθῇ, καὶ τὸ λοιπὸν τὸ λοι-
πὸν ἰσότης ἔσται πολλαπλασιασμοῦ, ὅθεν πολλαπλασιασμοῦ ὅθεν
ὅλον τὸ ὅλον.

Theor. 5. Propo. 5.

Si magnitudo magnitudinis
æquè fuerit multiplex, atque
ablata ablatæ: etiam reliqua
reliquæ ita multiplex erit, ut to-
ta totius.

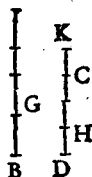


5

Ἐὰν δύο μεγέθη, δύο μεγέθων ἰσότης ἢ πολλαπλάσια, ὁ ἀφαιρεθέντα ἕνὰ τῶν αὐτῶν ἰσότης ἢ πολλαπλάσια : καὶ τὰ λοιπὰ τοῖς αὐτοῖς ἢ τοῖς ἰσοῦσιν, ἢ ἰσότης αὐτῶν πολλαπλάσια.

Theor.6.Propo.6.

Si duæ magnitudines, duarum magnitudinum sint æquè multiples, & detractæ quedā sint earundē æquè multiples : & reliquæ eisdē aut æquales sunt, autæquè ipsarum multiples.



Τὰ ἴσα πρὸς τὸ αὐτὸ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὰ ἴσα.

Theor.7.Propo.7.

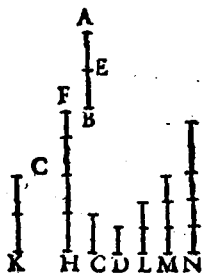
Æquales ad eandem, eandem habent rationem : & eandem ad æquales.



Τῶν ἀνίσων μεγέθων, τὸ μείζον πρὸς τὸ αὐτὸ μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πῶς τὸ ἔλαττον: καὶ τὸ αὐτὸ πρὸς τὸ ἔλαττον μείζονα λόγον ἔχει, ἢ πῶς πρὸς τὸ μείζον.

Theor.8.Prop.8.

Inæqualium magnitudi-
num, maior ad eandem
maiores rationem ha-
bet, quàm minor: & ea-
dem ad minorem, maio-
rẽ rationẽ habet, quàm
ad maiorem.

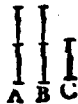


3

τὰ πρὸς τὸ αὐτὸ ἔχοντα λόγον, ἴσα ἀλλή-
λοις ὄντι: καὶ πρὸς τὸ αὐτὸ τὸ αὐτὸ ἔχει λόγον, κα-
κῆνα ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor.9.Prop.9.

Quæ ad eandem, eandem habent ra-
tionẽ, æquales sunt inter se: & ad
quas eadem, eandem habet ra-
tionem, ex quoque sunt inter se
æquales.



1

Τῶν πρὸς τὸ αὐτὸ λόγον ἔχοντων, τὸ τὸ μείζονα λό-
γον ἔχον, ἐκείνο μείζον ὄντι. πρὸς ὃ δὲ τὸ αὐτὸ μεί-
ζονα λόγον ἔχει, ἐκείνο ἐλαττόν ὄντι.

Theor. 10. Propo. 10.

Ad eandem magnitudinem, rationē habentiū, quæ maiorem rationem habet, illa maior est. ad quā autem eadem maiorem rationē habet, illa minor est.



1α

οἱ τρεῖς αὐτῶ λόγους οἱ αὐτοί, καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί.

Theor. 11. Propo. 11.

Quæ eisdē sunt eedē rationes, & inter se sunt eedem.



1β

Ἐὰν ἡ ἐποχουῶν μεγέθη ἀνάλογον, ἔσται ὡς ἐν τῇ ἡγουμένῳ πρὸς ἐν τῇ ἐπομένῳ, ὅπως ἅπαντα τὰ ἡγέμενα, πρὸς ἅπαντα τὰ ἐπόμενα.

Theor.12. Propo.12.

Si sint magnitudines quotcūque proportionales, quēadmodū se habuerit vna antecedētium ad vnā consequentium, ita se habebunt omnes antecedēes ad omnes consequētes.



Ἐὰν πρῶτων πρὸς διτῷτόρου ἂν αὐτὸν ἔχῃ λόγος, καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, τρίτον ὁ πρὸς τέταρτον μείζονα λόγος ἔχῃ, ἢ ὅτε πέμπτον πρὸς ἑκτὸν καὶ πρῶτον πρὸς διτῷτόρου μείζονα λόγος ἔξῃ, ἢ ὅτε πέμπτον πρὸς ἑκτὸν.

Theor.13. Propo.13.

Si prima ad secundā, eādē habuerit ratio nē, quā tertia ad quartā, tertia verò ad quartā, maiorē rationē habuerit, quā quinta ad sextā: prima quoque ad secundā maiorē rationē habebit, quā quinta ad sextā.

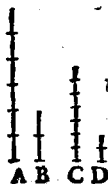


11

Εάν πρῶτον πρὸς διθύροτον ἦν αὐτὸ ἔχη λόγον,
καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ὃ ἢ πρῶτον ἢ τρίτον μεί-
ζον ἢ καὶ διθύροτον τῶν τετάρτου μείζον ἔσται, καὶ
ἐλαστον, ἐλαστον.

Theor. 14. Propo. 14.

Si prima ad secundam eandem habue-
rit rationem, quam tertia ad quartam,
prima verò quàm tertia maior fuerit: e-
rit & secunda maior quàm
quarta. Quòd si prima fuerit
æqualis tertiæ, erit & secunda
æqualis quartæ: si verò minor,
& minor erit.

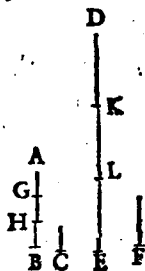


12

Τὰ μέρη, ὅτις ὡσαύτως πολλαπλασίοις ἦν αὐτὸν
ἔχει λόγον, ληφθέντα κατὰλληλα.

Theor. 15. Propo. 15.

Partes, cum pariter mul-
tiplicibus in eadem sunt
ratione, si prout sibi mu-
tuo respondent, ita su-
mantur.



Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ εἰ ἀλλὰξ ἀνάλογον ᾖ.

Theor. 16. Propo. 16.

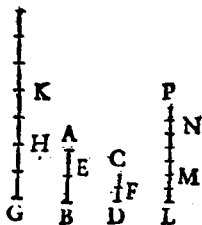
Si quatuor magnitudines proportionales fuerint, & vicissim proportionales erunt.



Ἐὰν συγκείμενα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ διαμεθέντα ἀνάλογον ᾖ.

Theor. 17. Propo. 17.

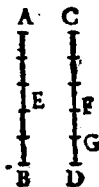
Si compositæ magnitudines proportionales fuerint, hæ quoque diuisæ proportionales erunt.



Ἐὰν διηρημένα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, καὶ σωτεθέντα ἀνάλογον ᾖ.

Theor. 18. Propo. 18.

Si diuifæ magnitudines ſint
proportionales, hæ quoque
compoſitæ proportionales e-
runt.



Εάν η ὡς ὅλον πρὸς ὅλον, ἔτως, ἀφαιρεθέν πρὸς ἀ-
φαιρεθέν: καὶ εἰ λοιπὸν πρὸς εἰς λοιπὸν ἔσται, ὡς ὅ-
λον πρὸς ὅλον.

Theor. 19. Propo. 19.

Si quemadmodum totum ad
totum, ita ablatum ſe habue-
rit ad ablatum: & reliquum
ad reliquum, vt totum ad to-
tum ſe habeat.

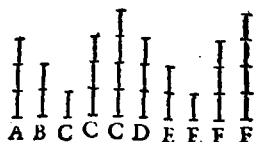


κ

Εάν η τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰς πλῆθος,
σύνδυο λαμβανόμενα, εἰς τὸ αὐτὸ λόγῳ, διί-
σται ἢ εἰς πρῶτην τῶ τρίτης μείζον ἢ: καὶ εἰ τέταρτον
τῶ ἑκτε μείζον ἔσται: καὶ ἂν ἴσον, ἴσον: καὶ ἂν ἑλάσσον
ἑλάσσον.

Theor. 20. Propo. 20.

Si sint tres magnitudines, & aliæ ipsis æ-
quales numero,
quæ binæ & in ea-
dem ratione sumā-
tur, ex æquo autē
prima quàm ter-
tia maior fuerit: e-
rit & quarta; quàm sexta maior. Quòd si
prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quar-
ta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quo-
que minor erit.



κα

Ἐὰν ἡ τρία μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτῆς ἴσα εἰς πλῆθος
συνάδυνον λαμβανόμενα, εἰς ἑκάστην αὐτῶν λόγῳ, ἢ ὃ
τετραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, διίσσῃ ὃ τὸ πρῶ-
τον τῶ τρίτῳ, μείζον ἢ: ὅ τὸ τέταρτον τῶ ἑκτοῦ
μείζον ἔσται: καὶ ἰσοῦ, ἰσοῦ: καὶ ἑλάσσον, ἑλάσσον.

Theor. 21. Propo. 21.

Si sint tres magni-
tudines, & aliæ ip-
sis, æquales nume-
ro quæ binæ & in
eadē ratiōe sumā-
tur, fueritque per-



turbata

turbata earum proportio, ex æquo autē prima quàm tertia maior fuerit, erit & quarta quàm sexta maior. quòd si prima tertiæ fuerit æqualis, erit & quarta æqualis sextæ: sin illa minor, hæc quoque minor erit.

κ β

Ἐὰν ᾖ ὁποῖα οὖν μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα εἰ ᾖ αὐτῶ λόγος, εἰ δὲ μὴ εἰ ᾖ αὐτῶ λόγος ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si sint quotcūque magnitudines, & aliæ ipsis æquales numero, quæ binæ in eadē ratione



sumātur, & ex

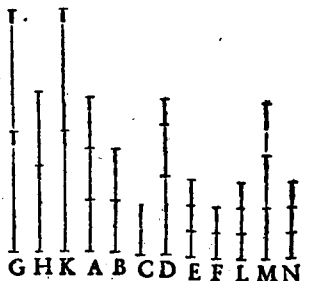
æqualitate in eadem ratione erunt.

α γ

Ἐὰν ᾖ τρεῖς μεγέθη, καὶ ἄλλα αὐτοῖς ἴσα εἰ πλῆθος, σύνδυο λαμβανόμενα εἰ ᾖ αὐτῶ λόγος, ᾖ ὁ τεταραγμένη αὐτῶ ἢ ἀναλογία, καὶ δὲ μὴ εἰ ᾖ αὐτῶ λόγος ἔσται.

Theor.23.Propo.23.

Si sint tres magnitudines, alicuæque ipsis æquales numero, quæ binæ in eadem ratione sumantur, fuerit autem perturbata earum proportio: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.



καὶ δι
 Ἐὰν πρῶτον πρὸς διθύτδρον ἢ αὐτὸν ἔχῃ λόγον
 καὶ τρίτον πρὸς τέταρτον, ἔχῃ δὲ πέμπτον πρὸς
 διθύτδρον ἢν αὐτὸν λόγον, ἔκτον πρὸς τέταρτον:
 ὁ σωτε. δὲν πρῶτον καὶ πέμπτον πρὸς διθύτδρον
 ἢ αὐτὸν ἔξει λόγον, ἔκτον καὶ τρίτον πρὸς τέ-
 τартον.

Theor.24.Propo.24.

Si prima ad secundam, eandem habuerit rationem, quã tertia ad quartam, habuerit autem & quinta ad secundã eandem rationẽ, quam sexta ad quartam: etiam cõposita prima cum quinta ad se-



cundam eandem habebit rationem, quã
tertia cum sexta ad quartam.

κε

Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀνάλογον ᾖ, & μέγιστον
καὶ εἰσὶν ἐλάχιστον, δύο τῶν λοιπῶν μείζονά εἰσιν.

Theor. 25. Propo. 25.

Si quatuor magnitudines
proportionales fuerint,
maxima & minima reli-
quis duabus maiores erūt.



Elementi quinti finis.

G ii



EYKΛEI-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ

ΕΚΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM SEXTVM.

ΟΡΟΙ.

α,

Ὅμοια χεῖματα δι' ὁμογραμμά εἶναι, ὅτε τὰς τε
γωνίας ἴσας ἔχει κατὰ μίαν, καὶ τὰς πρὸς τὰς
ἴσας γωνίας πλὴρὰς ἀνάλογον.

DEFINITIONES.

I

Similes figuræ rectilinéæ, sunt quæ &
angulos singulos singulis æquales habēt,
atque etiam latera, quæ circum angulos
æquales, proportionalia.

β

Αντιπεποιθότα ὅτι χήματα ὄντι, ὅταν ἐκατέρω τ' χημάτων ἡγέμενοί τε καὶ ἐπόμενοι λόγοι ὦσιν.

2

Reriprocae autem figuræ sunt, cùm in vtraque figura antecedentes & consequentes rationum termini fuerint.

γ

Κορυ καὶ μέσον λόγον διδείξαι τετμηθῆναι λέγεται, ὅταν ἢ ὡς ἡ ὅλη πρὸς τ' μείζον τμήμα, ἔσως τ' μείζον πρὸς τ' ἑλάσσον.

3

Secundum extremam & mediam rationem recta linea secta esse dicitur, cùm ut tota ad maius segmentum, ita maius ad minus se habuerit.

δ

Ἵψος ὄντι παντὸς χήματος, ἡ ἀπὸ τ' κορυφῆς ὑπὸ πῶ βάσει καθετὸ ἀγομένη.

4

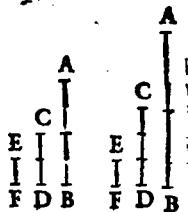
Altitudo cuiusque figuræ, est linea perpendicularis à vertice ad basin deducta.

ε

Λόγος ἐν λόγῳ συγκεῖσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τ' λόγων πηλικότητες ἐφ' ἑαυταῖς πολλαπλασιασθεῖσαι ποιῶσιν ἕνα λόγον.

5

Ratio ex rationibus cō-
poni dicitur, cūm ratio-
nū quantitates inter se
multiplicatæ aliquam ef-
fecerint rationem.



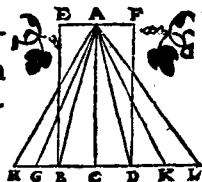
Προτάσεις.

α,

Τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, τὰ ἔξω
τῶν αὐτῶν ὑψώσεων ὄντα, πρὸς ἀλλήλας ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 1. Propo. 1.

Triangula & parallelo-
gramma, quorum eadem
fuerit altitudo, ita se ha-
bent inter se ut bases.



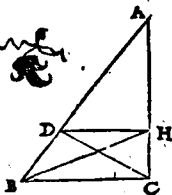
β

Ἐὰν τρίγωνον παρὰ μίαν τῇ πλυρῶν ἀχθῇ ὡς
διθεία παραλληλῳ, ἀνάλογον τεμεῖταις τῶν
γῶν πλυρῶν. καὶ ἔὰν αἱ τῶν τριγώνων πλυραὶ ἀνά-
λογον τμηθῶσιν, ἢ ὑπὸ ταῖς ἑαυτῶν ὑψώσεσιν
διθεία, παρὰ τὴν λοιπὴν ἔσται τῶν τριγώνων πλυ-
ρὰν παραλληλῳ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si ad vnum trianguli latus parallela du-

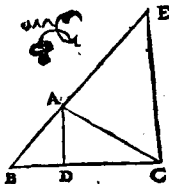
ſi fuerit recta quædam linea : hæc proportionaliter ſecabit ipſius trianguli latera . Et ſi trianguli latera proportionaliter ſecta fuerint : quæ ad ſectiones adiuncta fuerit recta linea , erit ad reliquum ipſius trianguli latus parallela .



Εάν τριγώνου γωνία διλῇ τμήνθῃ, ἡ δὲ τέμνῃ αὐτὴν γωνίαν διδῇ τμήνθῃ τὴν βάσιν, τὰ αὐτῇ βάσεως τμήματα τὸν αὐτὸν ἔξει λόγον ταῖς λοιπαῖς τῷ τριγώνου πλευραῖς. καὶ ἂν τὰ αὐτῇ βάσεως τμήματα, ὅταν τῇ ἔχῃ λόγον ταῖς λοιπαῖς τῷ τριγώνου πλευραῖς, ἀπὸ αὐτῇ κορυφῆς αὐτὴν τὴν ὁμολογῇ ἐπιζῶν γνημῆν αὐτῇ διλῇ τμήνθῃ τὴν τριγώνου γωνίαν.

Theor. 3. Propo. 3.

Si trianguli angulus bifariam ſectus ſit, ſecans autem angulum recta linea ſecuerit & baſim : baſis ſegmenta eandem habebunt rationem , quam reliqua ipſius trianguli latera . Et ſi baſis ſegmenta eandem habeant rationem quam reliqua ipſius trianguli latera , recta li-



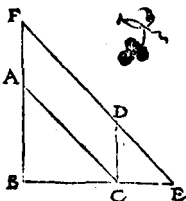
nea, quæ à vertice ad sectionem produci-
tur, ea bifariam secatur trianguli ipsius an-
gulum.

δι

Τῶν ἰσογώνων ῥιγώνων, ἀνάλογον εἶσιν αἱ πλευ-
ραὶ αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας, καὶ ὁμόλογοι αἱ ὑπὸ
τὰς ἴσας γωνίας ὑποτείνουσαι πλευραὶ.

Theor. 4. Propo. 4.

Æquiangulorum triangulorum propor-
tionalia sunt latera, quæ
circum æquales angulos,
& homologa sunt late-
ra, quæ æqualibus angu-
lis subtenduntur.

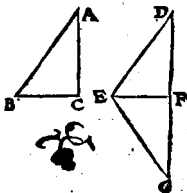


ε

Ἐὰν δύο ῥιγωνα τὰς πλευρὰς ἀνάλογον ἔχῃ,
ἰσογώνια ἔσονται τὰ ῥιγωνα, καὶ ἴσας ἔξει τὰς γωνίας
ὑπὸ αἷς αἱ ὁμόλογοι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

Theor. 5. Propo. 5.

Si duo triāgula latera proportionalia ha-
beant, æquiangula erunt
triangula, & æquales ha-
bebunt eos angulos, sub
quibus homologa late-
ra subtenduntur.

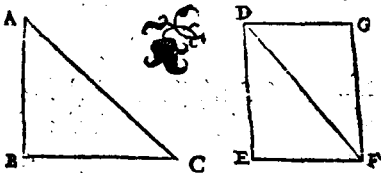


5

Ἐὰν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μᾶλλον ἴσην ἔχῃ,
 ποδὲ ὅ τὰς ἰσῶς γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλογον,
 ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἰσῶς ἔξῃ τὰς γωνίας,
 ὅφ' αἱ αὐτοὶ ὁμόλογοι πλευραὶ ὡςτείνουσιν.

Theor. 6. Propo. 6.

Si duo triangula vnum angulum vni an-
 gulo æqualem, & circum æquales angu-
 los latera proportionalia habuerint; æ-
 quiangula
 erunt tri-
 angula, æ-
 qualésque
 habebunt
 angulos,
 sub quibus homologa latera subten-
 duntur.



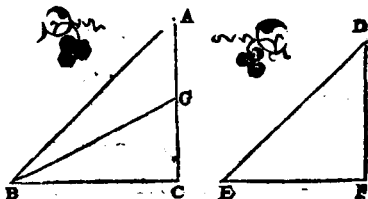
6

Ἐὰν δύο τρίγωνα μίαν γωνίαν μᾶλλον ἴσην ἔχῃ,
 ποδὲ ὅ τὰς ἄλλας γωνίας τὰς πλευρὰς ἀνάλο-
 γον, ἢ ὅλοι πῶν ἑκατέρωθεν αὐτὰ ἢ ὅτι ἐλάσσονα ἢ μὴ
 ἐλάσσονα ὁρῶν, ἰσογώνια ἔσται τὰ τρίγωνα, καὶ ἰσῶς
 ἔξῃ τὰς γωνίας, ποδὲ αἱ ἀνάλογον εἰσὶν αἱ
 πλευραὶ.

Theor. 7. Propo. 7.

Si duo triangula vnum angulum vni an-
 gulo æqualem, circum autem alios angu-

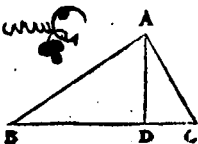
los latera proportionalia habeant, reli-
quorum verò simul vtrunque aut mino-
rem aut nō minorem recto: æquiangula
erūt trian-
gula, & ε.
quales ha-
bebunt
eos angu-
los, circū
quos proportionalia sunt latera.



Εάν εἰ ὁρθογωνίῳ τριγώνῳ, ἀπὸ τοῦ ὁρθογώνου γωνίας ὑπὸ
τῇ βάσει καὶ διὰ τοῦ ὀρθογώνου, τὰ πρὸς τῇ καθετῇ τε
γωνία ὁμοιάδῃν· τὰ τε ὅλα, ἐκ ἀλλήλοις.

Theor. 8. Propo. 8.

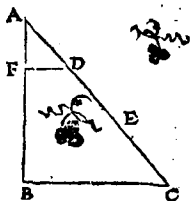
Si in triangulo rectangulo, ab angulo re-
cto in basin perpendicu-
laris ducta sit, quæ ad per-
pendicularem triangula,
tum toti triangulo, tum
ipsa inter se similia sunt.



Τῆς ὁρθογωνίας διθείας ἡ πρὸς ταχθεὶν μέρῳ ἀ-
φελῆν.

Proble.1.Propo.9.

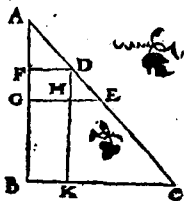
A data recta linea imperatam partem auferre.



Τὴν δοθεῖσαν διθεῖαι ἄκμῳ, τῇ δοθείσῃ διθείᾳ
τέτλημένη ὁμοίως τεμεῖν.

Problema 2. Propo. 10.

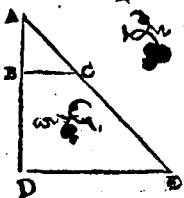
Datam rectam lineā in-
sectam similiter secare, vt
data altera recta secta
fuerit.



Δύο δοθειῶν διθεῖω, τρίτῳ ἀνάλογον προσ-
θερεῖν.

Probl.3.Propo.11.

Duab⁹ datis rectis lineis,
tertiam proportionalem
adinuenire.

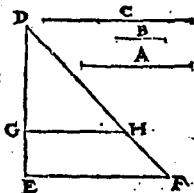


ιβ

Τριῶν δοθεῶν ἐνθεῶν, τετάρτῳ ἀνάλογον
πρὸςθερεῖν.

Probl. 4. Propo. 12.

Tribus datis rectis lineis,
quartam proportionalē
adinuenire.

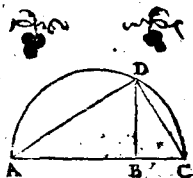


ιγ

Δύο δοθεῶν δι' αὐτῶν, μέσῳ ἀνάλογον πρὸς-
θερεῖν.

Probl. 5. Propo. 13.

Duabus datis rectis li-
neis, mediam proportio-
nalem adinuenire.

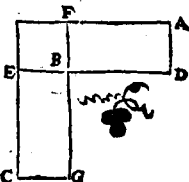


ιδ

Τῶν ἴσων τε καὶ μίαν μὲν ἴσῳ ἐχόντων γωνίαν
παρὰλληλογραμμῶν, ἀντιπεπόντασιν αἱ πλθυ-
ραὶ αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας : ὅταν παρὰλληλο-
γράμμῳ μίαν μὲν ἴσῳ ἐχόντων γωνίαν, ἀντιπε-
πόντασιν αἱ πλθυραὶ, αἱ πρὸς τὰς ἴσας γωνίας,
ἴσας εἶναι ἐκείνα.

Theor.8.Propo.14.

Æqualium, & vnum vni æqualem habentium angulum parallelogrammorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum parallelogrammorum vñ angulum vni angulo æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.

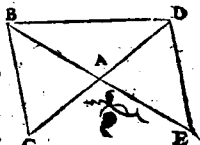


16

Τῶν ἴσων, καὶ μίαν μὲν ἴσων ἔχόντων γωνίαν ἑξ ἑκῆς ἑκῆς ἀντιπρόσθετον αἱ πλευραὶ, αἱ ὁδοὶ τὰς ἴσας γωνίας: καὶ ὅν μίαν μὲν ἴσων ἔχόντων γωνίαν ἀντιπρόσθετον αἱ πλευραὶ αἱ ὁδοὶ τὰς ἴσας γωνίας, ἴσες εἰσὶν ἐκεῖνα.

Theor.10.Propo.15.

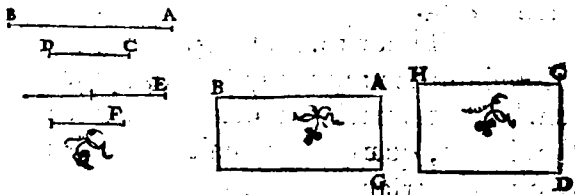
Æqualium, & vnum angulum vni æqualem habentium triangulorum reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos: & quorum triangulorum vnum angulū vni æqualem habentium reciproca sunt latera, quæ circum æquales angulos, illa sunt æqualia.



Εὰν τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, ὅτε ἄνω τῶν ἄκρων πῶς ἐχόμενον ὁρθογώνιον ἴσον, ὅτι ἔστι ἄνω τῶν μέσων πῶς ἐχόμενον ὁρθογώνιον, εἰ ἂν ἄνω τῶν ἄκρων περιεχόμενον ὁρθογώνιον ἴσον ᾦ ἔστι ἄνω τῶν μέσων πῶς ἐχόμενον ὁρθογώνιον, αἱ τέσσαρες εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

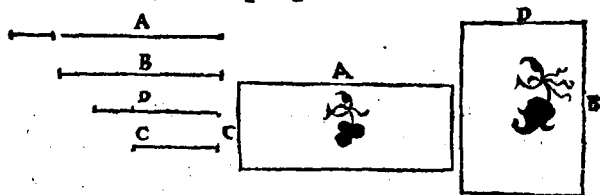
Theor. II. Propo. 16.

Si quatuor rectæ lineæ proportionales fuerint, quod sub extremis comprehēditur rectangulum æquale est ei, quod sub mediis comprehenditur rectangulo. Et si sub extremis comprehensum rectangulum æquale fuerit ei, quod sub mediis cōtinetur rectangulo, illæ quatuor rectæ lineæ proportionales erunt.



Εὰν ᾖεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ᾦσι, ὅτε ἄνω τῶν ἄκρων πῶς ἐχόμενον ὁρθογώνιον ἴσον ὅτι ἔστι ἄνω τῶν μέσων τετραγώνου· καὶ εἰ ὅτε ἄνω τῶν ἄκρων πῶς ἐχόμενον ὁρθογώνιον ἴσον ᾦ ἔστι ἄνω τῶν μέσων τετραγώνου, αἱ τρεῖς εὐθεῖαι ἀνάλογον ἔσονται.

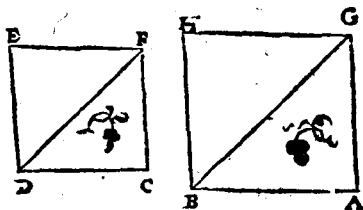
Si tres rectæ lineæ sint proportionales,
quod sub extremis comprehenditur re-
ctangulum æquale est ei, quod à media
describitur quadrato: & si sub extremis
comprehensum rectangulum æquale sit
ei quod à media describitur quadrato, il-
læ tres rectæ lineæ proportionales erunt.



Από τῆς ἀποδείξεως ἐνθείας, τῆς ἀποδείξεως ἐνδυγράμ-
μω ὁμοίων καὶ ὁμοίως κελύμενον ἐνδυγράμμου ἀνα-
γνώσκει.

Probl.6.Propo.18.

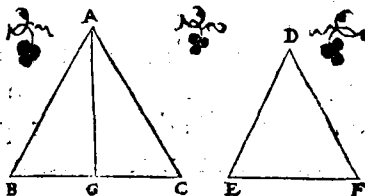
A data re-
cta linea,
dato recti
lineo simi-
le simili-
térque po-
situm rectilineum describere,



τὰ ὅμοια τρίγωνα πρὸς ἄλληλα ὡς διπλασίονι
λόγῳ ὅτι τῶν ὁμολογῶν πλῆθυσιν.

Theor. 13. Propo. 19.

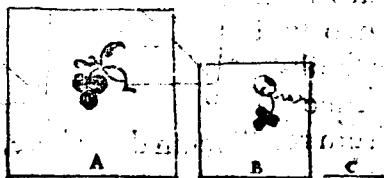
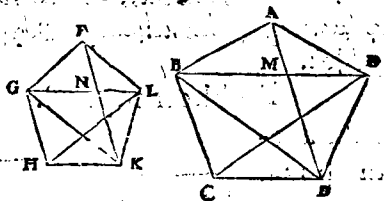
Similia tri-
angula in-
ter se sunt
in duplica-
ta ratione
laterū ho-
mologorum.



τὰ ὅμοια πολύγωνα εἰς τὰ ὅμοια τρίγωνα διαμεί-
νεται, καὶ εἰς ἴσα ὅπλα, καὶ ὁμόλογα τῶν ὁμοίων καὶ τῶν
πολύγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ ὡς τὸ ὁμόλο-
γόν πλῆθυσιν πρὸς τὴν ὁμόλογον πλῆθυνσιν.

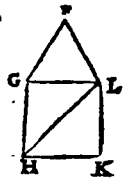
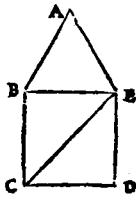
Theor. 14. Propo. 20.

Similia po-
lygona in
similia tri-
angula di-
viduntur,
& nume-
ro æqua-
lia, & ho-
mologa to-
tis. Et po-
lygona du-



plicatam

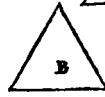
plicatā ha-
bent eam
inter se ra-
tionem,
quā latus
homolo-
gum ad homologum latus.



κα
τὰ τῶν αὐτῶν δι' ὁμογράμμων ὅμοια, ἐ ἀλλήλοις
ἴσιν ὅμοια.

Theor. 15. Propo. 21.

Quæ eidē rectilineo sunt
similia, & inter se sunt si-
milia.

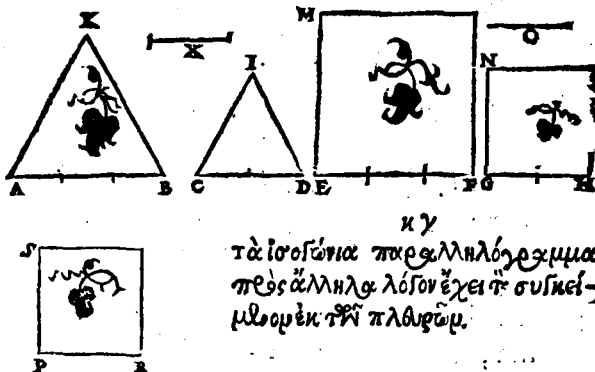


κα
Ἐὰν τέσσαρες διδῶται ἀνάλογον ὦσιν, καὶ τὰ ἀπ'
αὐτῶν ἐν ὁμογράμμοις ὅμοιά τε ἐ ἀ ὁμοίως ἀναγε-
γραμμένα ἀνάλογον ἔσται. καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν δι' ὁμο-
γράμμων ὅμοια τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα ἀνα-
λογον ἢ, καὶ αὐταὶ αἱ διδῶται ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 16. Propo. 22.

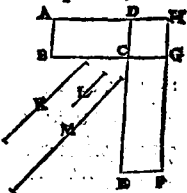
Si quatuor rectæ lineæ proportionales
fuerint : & ab eis rectilinea similia simi-
litérque descripta proportionalia erunt.
Et si à rectis lineis similia similitérque

descripta rectilinea proportionalia fuerint, ipsæ etiam rectæ lineæ proportionales erunt.



Theor. 17. Propo. 23.

Æquiangula parallelogramma inter se rationē habent eam, quæ ex lateribus componitur.

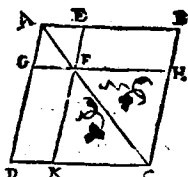


Πάντες παραλληλόγραμμοι τὰ πρὸς τὴν διάμετρον παραλληλόγραμμοι, ὁμοίᾳ ὄντι τῇ ὁρίσασθαι τε ἄλλῃ καὶ ἄλλῃ.

Theor. 18. Propo. 24.

In omni parallelogrammo, quæ circa dia-

metrum sunt parallelogramma, & toti & inter se sunt similia.

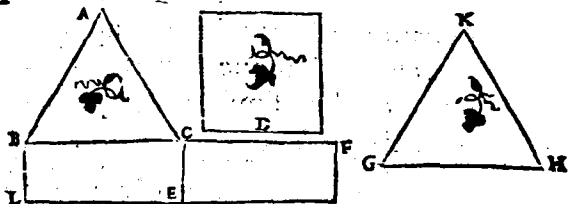


κ ε

τῶ δοθέντι ἐνδυσεσθαι ὁμοίον, καὶ ἄλλῳ τῷ δοθέντι ἴσον ἐκ αὐτῶν συστήσασθαι.

Probl. 7. Propo. 25.

Dato rectilineo simile, & alteri dato æquale idem constituere.

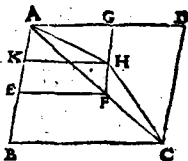


κ σ

Ἐὰν ἄρα παραλληλογράμμῳ παραλληλόγραμμο ἀφαίρεθῇ ὁμοίον τε τῷ ὅλῳ καὶ ἰμοίως κείμενον, κοινῶ γωνίαν ἔχον αὐτῷ, πῶς τῷ αὐτῷ διαμεθόμβῃ τῷ ὅλῳ.

Theor. 19. Propo. 26.

Si à parallelogrammo parallelogrammum ablatum fit & simile toti & similiter positum communem



H ii

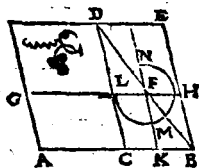
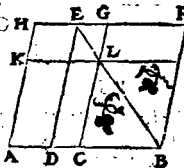
cum cohabens angulum, hoc circum eandem cum toto diametrum consistit.

κξ

Γάντων τῶν παρὰ τὴν αὐτὴν διθείαν παραβαλλομένων παραλληλογράμμων, ἑλλείπωντων εἰς τοιαύταις παραλληλογράμμοις ὁμοίοις τε ὁμοίως κειμένοις τῶν ἀπὸ αὐτῆς ἡμισείας ἀναγραφόμενων, μέγιστον ὅστις ἀπὸ αὐτῆς ἡμισείας παραβαλλόμενον παραλληλόγραμμον, ὁμοιον ὂν τῶν ἐλείμματος.

Theor. 20. Propo. 27.

Omniū parallelogrammorum secundum eandem rectam lineam applicatorum deficientiūmque figuris parallelogrammīs similibus similiterque positīs ei, quod à dimidiā describitur, maximum id est quod ad dimidiā



applicatur parallelogrāmum simile existens defectui.

κη

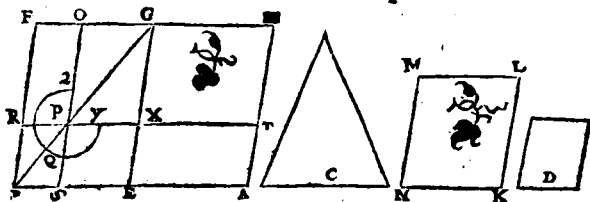
Παρὰ τὴν δοθεῖσαν διθείαν, τῶν δοθέντων διευθετημένων ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν, ἑλλείπωντων εἰς τοιαύταις παραλληλογράμμοις ὁμοίοις ὂν τῶν δοθέντων. διὰ δὲ τὸν διδόμενον διευθετημένον, ὅ

ἰεὶ ἴσον παραβαλεῖν, μὴ μείζον εἶναι τῷ ἀπὸ αὐτοῦ
ἡμυαίας παραβαλλομένῳ, ὁμοίων ὄντων τῷ ἐλ-
λῆμμῶν, τῷ τε ἀπὸ αὐτοῦ ἡμυαίας εἰς ἡμῶν δὲ ὁ-
μοίων ἐλπίων.

Probl.8.Propo.28.

Ad datam lineam rectam, dato rectili-
neo æquale parallelogrammum appli-
care deficiens figura parallelogramma,
quæ similis sit alteri rectilineo dato.

Oportet autem datum rectilineum, cui
æquale applicandum est, non maius esse
eo quod ad dimidiam applicatur, cum si-
miles sint defectus & eius quod à dimi-
dia describitur, & eius cui simile deesse
debet.



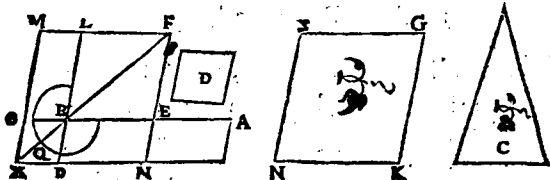
κθ

Γὰρὰ πῶς ποιεῖται, διὰ τοῦτο τῷ ποιεῖν διὰ τοῦ-
το ἡμῶν ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν
ὑποβάλλον εἰς τὴν παραλληλόγραμμῳ ὁμοίῳ
τῷ ποιεῖν.

Probl.9.Propo.29.

Ad datam rectam lineam, dato rectili-

neo æquale parallelogrammum applica
re, excedens figura parallelogramma, quæ
similis sit parallelogrammo alteri dato.

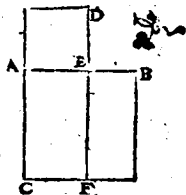


λ

τὴν ἑκείνην διὰ τὴν πεπερασμένην, ἄκρον καὶ
μέσον λογοντεμεῖν.

Proble. 10. Propo. 30.

Propositam rectam li
neam terminatam, extre
ma ac media ratione se
care.



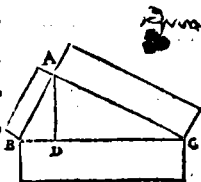
λα

Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις, εἰ ἀπὸ τοῦ ὀρθογ
γωνίου ἑωπτείνῃσθε πλοῦρᾶς εἰς τὸ ἴσον ἔσθι
τοῖς ἀπὸ τοῦ ὀρθογώνου γωνίας πόμεχον ὡς πλοῦ
ρᾶς εἰδῇσι τοῖς ὁμοίοις ἐκείνῳ ἀναγεγραμμένοις.

Theor. 21. Propo. 31.

In rectangulis triangulis, figura quævis
à latere rectum angulum subtendente

descripta æqualis est figu-
ris, quæ priori illi similes
& similiter positæ à late-
ribus rectum angulum cō-
tinentibus describuntur.

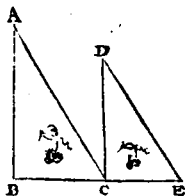


λ β

Ἐὰν δύο τρίγωνα σωτεθῇ κατὰ μίαν γωνίαν
ταῖς δύο πλευραῖς ταῖς διωσι πλευραῖς ἀνάλογον
ἔχοντα, ὥς τε τὰς ὁμολόγων αὐτῶν πλευρῶν καὶ πα-
ραλλήλους εἶναι, αἱ λοιπαὶ τῶν τριγώνων πλευραὶ
ἐπ' εὐθείας ἔσονται.

Theor. 22. Propo. 32.

Si duo triangula, quæ duo latera duobus
lateribus proportionalia habeant, secun-
dum vnum angulum composita fuerint,
ita vt homologa eorum
latera sint etiam paralle-
la, tum reliqua illorū triā-
gulorum latera in rectam
lineam collocata repe-
rientur.



λ γ

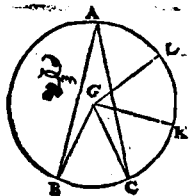
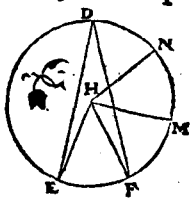
Ἐν τοῖς ἴσοις κύκλοις αἱ γωνίαι πρὸς αὐτῷ λόγον
ἔχουσι ταῖς ὁμολογούμεναις, ἐφ' ὧν βεβήκασιν, ἐάν-
τε πρὸς τοῖς κέντροις, ἐάντε πρὸς ταῖς ὁμολογ-
ούμεναις ὥς βεβήκασι. Ἐν δὲ τοῖς τομείοις, ὅτε πρὸς

H iiiii

τοῖς κέντροις συναρμολοιοι.

Theor. 23. Propo. 33.

In æqualibus circulis anguli eādē habent rationem cum ipsis peripheriis in quibus insistant, siue ad cētra, siue ad peripherias
constitu
ti illis in
sistant pe
ripheriis
Insuper
verò & se
ctores,
quippe
qui ad cē
tra con
sistunt.



Elementi sexti finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΕΒΔΟΜΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM SEPTIMVM.

ὉΡΟΙ.

α,

Μονάς ἔστι καὶ τὴν ὁ ἕνατος τῶν ὄντων ἐρλε-
γεται.

DEFINITIONES.

I

Unitas, est secundum quam entium quod-
que dicitur vnum.

β

Ἀριθμὸς ἔστι ἐκ μονάδων συγκεκμημένος πλὴθυσ.

2

Numerus autem, ex unitatibus compo-
sita multitudo.

7
μέρη ὅσιν ἀριθμὸς ἀριθμῷ ὁ ἐλάσσων ἢ μείζων
ἢ, ὅταν καταμετρήῃ ἢ μείζονα.

3
Pars, est numerus numeri minor maio-
ris, cū minor metitur maiorem.

δι
μέρη ὅ, ὅταν μὴ καταμετρήῃ.

4
Partes autem, cū non metitur.

ε
πολλαπλασίους ὅ, ὁ μείζων τῷ ἐλάττειν, ὅταν
καταμετρήται ἅπλῶς τῷ ἐλάττειν.

5
Multiplex verò, maior minoris, cū ma-
iorem metitur minor.

5
Ἄρτιον ὅ, ἀριθμὸς ὅστις διίχεται ἀφ' ἑαυτοῦ.

6
Par numerus, est qui bifariam diuiditur.

ζ
περισσότερος ὅ, ὁ μὴ ἀφ' ἑαυτοῦ διίχεται. ἢ, ὁ μοναδικὸς
ἀφ' ἑαυτοῦ ἀρτίου ἀριθμῷ.

7
Impar verò, qui bifariam non diuiditur.
vel, qui vnitate differt a pari.

η
Ἀρτιάκις ἄρτιον ἀριθμὸς ὅστις, ὁ ἅπλῶς ἀρτίος ἄ-

ῥιθμῷ μετρίμην Θ κατὰ ἄρτιον ἀριθμόν.

8

Pariter par numerus , est quem par numerus metitur per numerum parem.

9

Ἀρτιακὶς ὁ πολλαπλῶς ὅστις, ὁ ἑπὶ ἀρτίῳ ἀριθμῷ μετρίμην Θ κατὰ πολλαπλῶν ἀριθμόν.

9

Pariter autem impar, est quē par numerus metitur per numerum imparem.

1

Περιαστικὴ ὁ πολλαπλῶς ὅστις ἀριθμῶς, ὁ ἑπὶ περισσεύει μετρίμην Θ κατὰ πολλαπλῶν ἀριθμόν.

10

Impariter verò impar numerus , est quē impar numerus metitur per numerum imparem.

1 α

Πρῶτος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ μονάδι μόνη μετρίμην Θ .

11

Primus numerus , est quem vnitas sola metitur.

1 β

Πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ μονάδι μόνη μετρίμην Θ κοινῶς μέτρον.

12

Primi inter se numeri sunt , quos sola vnitas mensura communis metitur.

17
Συνθετος αριθμός ἐστίν, ὁ ἀριθμῶ ἑνὶ μετρίμενος.

13
Compositus numerus est, quem numerus quilibet metitur.

18
Συνθετὶ ὁ πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀριθμῶ τινὶ μετρίμενοι κοινῶ μετρώ.

14
Compositi autem inter se numeri, sunt quos numerus aliquis mensura communis metitur.

16
Ἀριθμὸς ἀριθμὸν πολλαπλασιαζέμεν λέγεται, ὅταν ὅσαι εἰσὶν ἐν αὐτῷ μονάδες, τσαυτάκις σωτεθῇ ὁ πολλαπλασιαζόμενος, καὶ γένηται τις.

15
Numerus numerū multiplicare dicitur, cum toties compositus fuerit is qui multiplicatur, quot sunt in illo multiplicante unitates, & procreatus fuerit aliquis.

15
Ὅταν ὁ δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιασθέντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰς, ὁ γενόμενος ἐπίπλεδι καλεῖται, πλεθραὶ δὲ αὐτῶ, οἱ πολλαπλασιασθέντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

16
Cum autē duo numeri mutuò sese mul-

tiplicantes quempiam faciunt, qui factus erit planus appellabitur, qui verò numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur. 15

Ὅταν ὅ τρεις ἀριθμοὶ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ποιῶσι τινὰ, ὁ γινόμενος τερεὺς καλεῖται, πλῆραι ὅ αὐτῶν οἱ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ἀριθμοί.

17

Cùm verò tres numeri mutuò sese multiplicantes quempiam faciunt, qui procreatus erit solidus appellabitur, qui autem numeri mutuò sese multiplicarint, illius latera dicentur.

17

Τετράγωνος ἀριθμός ἐστιν, ὁ ἰσάκεις ἴσος. ἢ, ὁ ἅπλοῦς δύο ἴσων ἀριθμῶν πᾶσι μεχόμενος.

18

Quadratus numerus, est qui æqualiter æqualis. vel, qui à duobus æqualibus numeris continetur.

18

Κύβος ὅ, ὁ ἰσάκεις ἴσος ἰσάκεις. ἢ, ὁ ἅπλοῦς τριῶν ἴσων ἀριθμῶν πᾶσι μεχόμενος.

19

Cubus verò, qui æqualiter æqualis æqualiter. vel, qui à tribus æqualibus numeris continetur.

κ

Ἀριθμοὶ ἀνάλογόρῃσιν, ὅταν ὁ πρῶτος τῷ δι-
τῆρι ὁ δεύτερος τῷ τετάρτῃ ἰσάνῃς ἢ πολλαπλά-
σιος, ἢ τὸ αὐτὸ μέρος, ἢ τὰ αὐτὰ μέρος ᾖσιν.

20

Numeri proportionales sunt, cū primus secundi, & tertius quarti æquè mul-
tiplex est, vel eadem pars, vel eadem
partes.

κα

Ὅμοιοι ἐπίπεδοι καὶ στερεοὶ ἀριθμοὶ εἰσιν, οἱ ἀνά-
λογον ἔχοντες τὰς πλευράς.

21

Similes plani & solidi numeri sunt, qui
proportionalia habent latera.

κβ

Τέλος ἀριθμὸς ὅστις, ὁ τοῖς ἑαυτῷ μέρεσιν ἴσος ᾖ.

22

Perfectus numerus, est qui suis ipsius par-
tibus est æqualis.

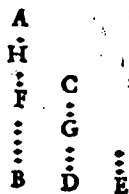
Γρηγόριος.

α

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν ἀνίσωρ ἐκκεμένωρ, ἀνθυφαί-
νεσθαι αἰετὶ ἐλάσσονθ' ἀπὸ τοῦ μείζονθ' ὁ λει-
πόμηνος μηδέποτε καταμετρήσῃ τὸ πρὸς ἑαυτῷ ἕως
ἐληφθῇ μονάς, οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς
ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. I. Propo. I.

Duobus numeris inæqualibus propositis, si detrahatur semper minor de maiore, alterna quadam detractiōe, neque reliquus vnquam metiatur præcedentem quoad assumpta sit vnitas: qui principio propositi sunt numeri primi inter se erunt.

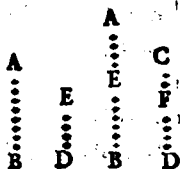


β

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, ὅ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον διρεῖν.

Probl. I. Propo. 2.

Duobus numeris datis non primis inter se, maximam eorum communem mēsuram reperire.



γ

Τρεῶν ἀριθμῶν δοθέντων μὴ πρώτων πρὸς ἀλλήλους, ὅ μέγιστον αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὕρεῖν.

Problema 2.

A	B	C	D	E
8	6	4	2	3

Propo. 3.

Tribus numeris datis non primis

A	B	C	D	E	F
18	13	8	6	2	3

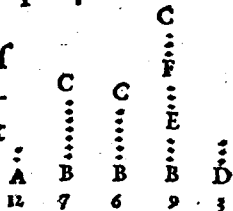
inter se, maximam eorum communem
mensuram reperire.

81

Ἦς ἀριθμὸς παντὸς ἀριθμοῦ, ὃ ἐλάσσων τῷ μεί-
ζοντι, ἢ τῷ μέρει. ὅστις, ἢ μέρος.

Theor. 2. Propo. 4.

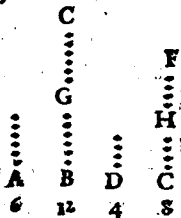
Omnis numerus, cuius
que numeri minor ma-
ioris aut pars est, aut
partes.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου
τῶν αὐτῶν μέρος, καὶ σὺν αμφοτέροις σὺν αμφοτέροις
αὐτῶν μέρος εἶναι, ὅπως ὁ εἰς τῶν ἐνός.

Theor. 3. Propo. 5.

Si numerus numeri pars
fuerit, & alter alterius ea-
dem pars, & simul utr-
que utriusque simul eadē
pars erit, quæ unus est
vnius.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ἦ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ αὐ-
τὰ μέρος ἦ, καὶ σὺν αμφοτέροις σὺν αμφοτέροις τὰ
αὐτὰ μέρος εἶναι, ὅπως ὁ εἰς τῶν ἐνός.

Theor.

Theor. 4. Propo. 6.

Si numerus sit numeri
partes, & alter alteri⁹ eadē
dem partes, & simul vter-
que vtriusque simul eadē
partes erunt, quæ sunt v-
nus vnus.

			E
B			⋮
⋮			⋮
H			H
⋮			⋮
A	C	D	F
6	9	8	12

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾗ ὅπως ἀφαιρεθεὶς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὸ αὐτὸ μέρος
ἔσται ὅπως ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

Theor. 5. Propo. 7.

Si numerus numeri eadē sit pars
quæ detractus detracti, & reli-
quus reliqui eadē pars erit quæ
totus est totius.

	D
	⋮
	⋮
	F
	⋮
B	⋮
⋮	⋮
E	C
⋮	⋮
A	G
6	16

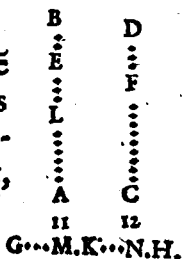
H

Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμῷ μέρος ᾗ ὅπως ἀφαιρεθεὶς ἀ-
φαιρεθέντος, καὶ ὁ λοιπὸς τῷ λοιπῷ τὰ αὐτὰ μέρος
ἔσται ὅπως ὁ ὅλος τῷ ὅλῳ.

I

Theor.6.Propo.8.

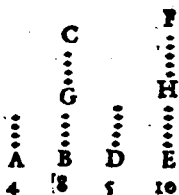
Si numerus numeri eadē
sint partes quæ detractus
detracti, & reliquus reli-
qui eēdem partes erunt,
quæ sunt totus totius.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου
αὐτὸ μέρος, καὶ ἐναλλάξ, ὁ μέρος ὅστις ἢ μέρος ὁ πρῶ-
τος τῶ ἑξί τε, ὅ αὐτὸ μέρος ἔσαι ἢ τὰ αὐτὰ μέρη,
καὶ ὁ διδυτὸρος τῶ τετάρτῃ.

Theor.7.Propo.9.

Si numerus numeri pars
sit, & alter alterius eadē
pars, & vicissim quæ pars
est vel partes primus ter-
tii, eadē pars erit vel eē-
dem partes & secundus
quarti.



Ἐὰν ἀριθμὸς ἀριθμοῦ μέρος ᾖ, καὶ ἕτερος ἑτέρου τὰ
αὐτὰ μέρη, καὶ ἐναλλάξ αἱ μέρη ὅστις ὁ πρῶτος ᾖ
ἑξί τε ἢ μέρος, τὰ αὐτὰ μέρη ἔσαι καὶ ὁ διδυτὸρος ᾖ
τετάρτῃ, ἢ μέρος.

se habebunt omnes antecedentes ad omnes consequentes.

¹⁷
Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσι, καὶ εἰς ἀλλήλους ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 11. Propo. 13.

Si quatuor numeri sint proportionales, & vicissim proportionales erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	9	3

¹⁸
Ἐὰν ᾧσι ὅποσιν ἂν ἀριθμοὶ, καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι ᾖ πλῆθος σύνδυο λαμβανόμενοι καὶ εἰ ᾖ αὐτῶν λόγος, εἰ δὲ ἴσος εἰ τῷ αὐτῶν λόγος ἔσονται.

Theor. 12. Propo. 14.

Si sint quotcunque numeri & alicui illis æquales

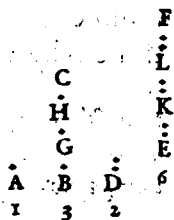
$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$
12	6	3	8	4	2

multitudine, quibini sumantur & in eadem ratione: etiam ex æqualitate in eadem ratione erunt.

¹⁹
Ἐὰν μονὰς ἀριθμὸν ἵνα μετρήσῃς ἑτέρῳ ἀριθμῷ ἄλλου ἵνα ἀριθμὸν μετρήσῃ, εἰ εἰς ἀλλήλους ἴσους ἢ μονὰς τὴν ἴσην ἀριθμὸν μετρήσει καὶ ὁ διὰ τὸν τέταρτον.

Theor.13.Propo.15.

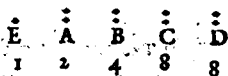
Si vnitas numerum quē-
piam metiatur, alter verò
numerus alium quēdam
numerū æquē metiatur,
& vicissim vnitas tertiū
numerū æquē metietur
atque secundus quartum.



Εὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάσῃτες ἀλλήλους
ποιῶσι τινάς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἴσοι ἀλλήλοις
ἔσονται.

Theor.14.Propo.16.

Si duo numeri mu-
tuo se multiplican-
tes faciāt aliquos, qui
ex illis geniti fuerint inter se æquales
erunt.



Εὰν ἀριθμὸς δύο ἀριθμούς πολλαπλασιάσῃ
ποιῇ τινάς, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἢ αὐτὸν λόγον
ἔχουσι πολλαπλασιασθεῖσιν.

Theor.15.propo.17.

Si numerus duos numeros multiplicans

faciat aliquos, qui
ex illis procreati
erunt eandem ra
tionem habebunt quam multiplicati.

17

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλασιά
ζοντες ποιῶσι ἵνας, οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἡ
αὐτῶν ἕξουσιν λόγον τοῖς πολλαπλασιασάσιν.

Theor. 16. propo. 18.

Si duo numeri nume
rum quempiam mul
tiplicantes faciant ali
quos, geniti ex illis eandem habebunt ra
tionem, quam qui illum multiplicarunt.

18

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾖσιν, ὅτε τῶ
πρώτῳ καὶ τετάρτῳ γινόμενός τις ἀριθμὸς ἴσος ᾖ
ταῖς ἐκ τῶν διδυτέρων ἐκ τρίτου γινόμενῳ ἀριθ
μῷ. Ὁ δὲ ἐκ τῶν πρώτων ἐκ διδυτέρων γενόμενός
τις ἀριθμὸς ἴσος ᾖ ταῖς ἐκ τῶν διδυτέρων καὶ τρίτου, οἱ τέσ
σρες ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 17. Propo. 19.

Si quatuor numeri sint proportionales,
qui ex primo & quarto fit æqualis erit ei
qui ex secundo & tertio : & si qui ex pri
mo & quarto fit numerus æqualis sit ei

qui ex secun-
do & tertio,
illi quatuor

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$	$\dot{E}$	$\dot{F}$	$\dot{G}$
6	4	3	2	12	12	18

numeri porportionales erunt.

κ

Εὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾦσιν, ὁ ἄνω τῶν ἄκρων ἴσος ᾖ τῷ ἄνω τῶν μέσων, ἐάν ὁ ἄνω τῶν ἄκρων ἴσος ᾖ τῷ ἄνω τῶν μέσων, οἱ τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 18. Propo. 20.

Si tres numeri sint proportionales, qui ab extremis continetur æqualis est ei qui à medio efficitur. Et si qui ab extremis continetur æqualis sit ei qui à medio describitur, illi tres numeri proportionales erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$
9	6	4
$\dot{D}$		
6		

κα αὐτὸν

Οἱ ἐλάχιστοι ἀριθμοὶ τῶν λόγων ἔχοντων αὐτοῖς, μετὰσι δὲ τὸ αὐτὸν λόγον ἔχοντας αὐτοῖς ἴσους, ὅ, τε μείζων τὸν μείζονα, καὶ ὁ ἐλάττω τὸν ἐλάττωνα.

Theor. 19. Propo. 21.

Minimi numeri omniū qui eandem cum eis rationē habent, æqualiter metiuntur numeros can-

$\dot{D}$	$\dot{L}$		
$\dot{G}$	$\dot{H}$		
$\dot{C}$	$\dot{E}$	$\dot{A}$	$\dot{B}$
4	3	8	6

I iii

dem rationem habentes, maior quidem maiorem, minor verò minorem.

κ β

Ἐὰν ὥσι ζεῖς ἀριθμοὶ καὶ ἄλλοι αὐτοῖς ἴσοι πλῆθος, σύνεισο λαμβανόμενοι ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ, ἢ ὅ τεταραγμένη αὐτῶν ἡ ἀναλογία, ἐδίδοι ἴσον ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ἕξονται.

Theor. 20. Propo. 22.

Si tres sint numeri & alii multitudine illis æquales, qui bini sumantur & in eadē ratione, sit autem perturbata eorū proportio, etiā ex æqualitate in eadē ratione erunt.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$
6	4	3	12	8	6

κ γ

Οἱ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοὶ ἐλαχιστοὶ εἰσι τῶν τ' αὐτῶν λόγων ἐχόντων αὐτοῖς.

Theor. 21. Propo. 23.

Primi inter se numeri minimi sunt omnium eadē cum eis rationem habentium.

$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$
5	6	2	4	3

κ δ

Οἱ ἐλαχιστοὶ ἀριθμοὶ τ' αὐτῶν λόγων ἐχόντων αὐτοῖς πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Theorem.22. Propositio 24.

Minimi numeri omnium eandem cū eis
rationem habētium,
primi sunt inter se.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$
8	6	4	3	2

κε

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσιν, ὁ
τὸ ἓνα αὐτῶν μετῶν ἀριθμὸς πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτος
ᾖ.

Theor.23. Propo.25.

Si duo numeri sint primi inter se, qui al-
terutrum illorū metitur
numerus, is ad reliquum
primus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$
6	7	3	4

κς

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἓνα ἀριθμὸν πρῶτοι ὦσιν,
ὁ ἐξ αὐτῶν γενόμενος πρὸς τὸ αὐτὸν πρῶτος
ᾖ.

Theor.24. Propo.26.

Si duo numeri ad
quempiam numerū
primi sint, ad eundē
primus is quoque fu-
rurus est qui ab illis
productus fuerit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ A \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ B \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ C \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ D \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ E \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ F \end{smallmatrix}$
5	5	5	3	2	

κζ

Εάν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσπερ ἐκ
τῆς ἐνὸς αὐτῶν γενόμενοι πρὸς τὸν λοιπὸν πρῶ-
τος ἔσται.

Theor. 25. Propo. 27.

Si duo numeri primi sint in-
ter se, qui ab uno eorū gigni-
tur ad reliquum primus erit.

⋮	⋮	⋮
B		
⋮	⋮	⋮
A	C	D
7	6	3

κη

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς δύο ἀριθμούς ἀμφοτέρω
πρὸς ἐκάτερον πρῶτον ὦσι, καὶ οἱ ἐξ αὐτῶν γενό-
μενοι πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 26. Propo. 28.

Si duo numeri ad duos numeros ambo
ad utrumque pri-
mi sint, & qui ex
eis gignentur pri-
mi inter se erunt.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	E	C	D	F
3	5	15	2	4	8

κθ

Εὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὦσι, καὶ
πολλαπλασιασθέντες ἐκάτερος αὐτῶν πάλιν ἑνὶ
ἐκείνων ἐξ αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.
καὶ οἱ ἐξ ἀρχῆς αὐτῶν γενομένοις, πολλὰ πλάσια
ῶντες ποιῶσι ἑνᾶς, καὶ κείνοι πρῶτοι πρὸς ἀλλή-
λους ἔσονται, καὶ αἱ ἀπὸ αὐτῶν ἀκέραια ὅλα συμβαί-
νῃ.

Theor. 27. Propo. 29.

Si duo numeri primi sint inter se, & multiplicās vterq; seipsum procreet aliquē, qui ex iis producti fuerint, primi inter se erunt. Quod si numeri initio propositi multiplicantes eos qui producti sunt, offerint aliquos, hi quoque inter se primi erunt, & circa extremos idem hoc semper eueniet.

$\dot{A}$	$\dot{C}$	$\dot{E}$	$\dot{B}$	$\dot{D}$	$\dot{F}$
3	6	27	4	16	64

λ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ᾦσι, καὶ σωμαφότορ Θ πρὸς ἐκάτερον αὐτῶν πρῶτος ἔσται, καὶ ἐὰν σωμαφότορος πρὸς ἓνα ἵνα αὐτῶν πρῶτ Θ ᾖ, καὶ οἱ ἐξαρχῆς ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ἔσονται.

Theor. 28. Propo. 30.

Si duo numeri primi sint inter se, etiam simul vterque ad vtrunque illorum primus erit. Et si simul vterque ad vnum aliquem eorū primus sit, etiā qui initio positi sunt numeri primi inter se erunt.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{D}$
7	3	4

λ α

Ἄπας πρῶτ Θ ἀριθμὸς πρὸς ἅπαντα ἀριθμὸν, ὃν μὴ μετρεῖ, πρῶτός ἐστιν.

Theor. 29. Prop. 31.

Omnis primus numerus ad
omnem numerum quem nō
metitur, primus est.

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλασιάζοντες ἀλλήλους, πρῶ-
σι τινὰ, ὅμῳ γενόμενον ἐξ αὐτῶν μετρεῖς πρῶτος
ἀριθμὸς, ὅθεν αὐτῶν ἐξ ἀρχῆς μετρήσει.

Theor. 30. Prop. 31.

Si duo numeri sese mutuò multiplicātes
faciant aliquem, hūc autem ab illis pro-
ductū metiatur primus

quidam numerus, is alte-
rum etiam metitur eorū
qui initio positi erant.

Ἄπας σύνθετος ἀριθμὸς, ὅθεν πρῶτον τινὸς ἀριθ-
μοῦ μετρήται.

Theor. 31. Prop. 33.

Omne cōpositum numerum

aliquis primus metietur.

Ἄπας ἀριθμὸς ἢτοι πρῶτος ὢν, ἢ ὅθεν πρῶτον τι-
νὸς ἀριθμοῦ μετρήται.

Theor. 32. Prop. 34.

Omnis numer⁹ aut primus est,

aut eū aliquis primus metiatur.

Ἀριθμῶν διοθέντων ὁποσωνοῦν διρεῖν ὅς ἐλαχί-
στος τῶν ὅμῳ αὐτῶν λόγον ἐχόντων αὐτοῖς.

Probl. 3. Prop. 35.

Numeris datis quōtcunque, réperire mi-
ni nos omnium qui eandem cum illis ra

tionem habeant.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{K}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{I}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{M}}$
6	8	12	2	3	4	6	2	3	4	3

λ5

Δύο ἀριθμῶν διόθεν τῶν, διῶν ὅν ἐλαχίστον με-
τρεῖται ἀριθμῶν.

Probl. 4. Pro-

po. 36.

Duobus numeris
datis, reperire

quem illi mini-
mum metiantur
numerum.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ B	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ C	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ D	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ E	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ F	
7	12	8	4	5	
$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ A	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ B	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ C	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ D	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ G	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$ H
F	E	12	9	2	3
6	9				

λζ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ἀριθμῶν ἵνα μετῶσι, καὶ ὁ ἐλα-
χίστος ὑπ' αὐτῶν μετρίμηνος τὸν αὐτὸν μετρήσει.

Theor. 33. Propo. 37.

Si duo numeri numerum
quempiam metiantur, &
minimum quem illi me-
tiantur eundem metietur.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$
6	2	3	6	12

λη

Τρεῶν ἀριθμῶν διόθεν τῶν, διῶν ὅν ἐλαχίστον με-
τρεῖται ἀριθμῶν.

Probl. 5. Prop. 38.

Tribus numeris
datis reperire quē
minimum nume-
rum illi metiātur.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$
$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$
3	4	6	12	8	
3	6	8	12	24	16

λ θ

Ἐὰν ἀριθμὸς ὑπολινθῇ ἀριθμῷ μετρεῖται, ὁ με-
τρεῖται ὁμώνυμον μέρος ἔξει τοῦ μετρούμε-
νου.

Theor. 34. Propo. 39.

Si numerum quispiam numerus metia-
tur, mensus partem habe-

bit metienti cognomi-
nem.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
12	4	3	1

Ἐὰν ἀριθμὸς μέρος ἔχῃ ὀλιγῶν, ὁ αὐτὸς ὁμώνυμος ἀ-
ριθμῷ μετρεῖται ὅσους τὰς μέρη.

Theor. 35. Propo. 40.

Si numerus partem habuerit quamlibet,
illum metietur numerus
parti cognominis,

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{D}$
8	4	2	1

Ἀριθμὸν διαιρεῖν, ὅς ἐλαττοῦς ὢν ἑξῆς τὰς δοθέν-
τας μέρη.

Proble. 6. Propo. 41.

Numerum reperire,

qui minimus cum sit,

datas habeat partes.

$\dot{A}$	$\dot{B}$	$\dot{C}$	$\dot{G}$	$\dot{H}$
2	3	4	12	10

Elementi septimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΟΓΔΟΟΝ.

EVCLIDIS ELEMEN-
TVM OCTAVVM.

α,

Εἰ ὅσων ὁσοῖδη ποτεῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἑνὸς ἀναλο-
γοῦντο, οἱ ἡμέτεροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὄ-
ντων, ἐλάχιστοι εἰσι τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων
αὐτοῖς.

Theor. I. Prop. I.

Si sint quotcunque numeri deinceps pro-
portionales, quorū extremi sint inter se
primi, mi-

nimi sunt	$\overset{\cdot}{A}$	$\overset{\cdot}{B}$	$\overset{\cdot}{C}$	$\overset{\cdot}{D}$	$\overset{\cdot}{E}$	$\overset{\cdot}{F}$	$\overset{\cdot}{G}$	$\overset{\cdot}{H}$
omnium	8	12	18	27	6	8	12	18

candem cum eis rationem habentium.

β

Ἀριθμὸς διαιρεῖται ἐξ ἑξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστας, ὅσας ὑποτίθηται ἐν τῷ ποθέντι λόγῳ.

Probl.1. Propo.2.

Numero reperire deinceps porportionales minimos, quotcūque iusserit quispiam in data ratione.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{K}}$
3	4	9	12	16	27	36	49	64

γ

Ἐὰν ὡς ὁ ποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἑξῆς ἀνάλογον ἐλαχίστοι τῶν τῷ αὐτῷ λόγον ἐχόντων αὐτοῖς, οἱ ἄκροι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους εἰσίν.

Theor.2. Prop.3. Conuersa primæ.

Si sint quotcūque numeri dinceps proportionales minimi habentium eandem cum eis rationem, illorum extremi sunt inter se primi.

$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{A}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{B}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{C}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{D}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{E}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{F}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{G}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{H}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{K}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{L}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{M}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{N}}$	$\overset{\cdot}{\underset{\cdot}{O}}$
27	36	48	64	3	4	9	12	16	27	36	48	64

δ

Λόγῳ ποθέντι ὅπως αὐτοῦ ἐλαχίστοις ἀριθμοῖς, ἀριθμὸς διαιρεῖται ἐξ ἑξῆς ἐλαχίστας ἐν τοῖς ποθένσι λόγοις.

Pro-

Proble. 2. Propo. 4.

Rationibus datis quocunque in minimis numeris reperire numeros deinceps minimos in datis rationibus.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	D	E	F	H	G	K	L	N	X	M	O	
3	4	2	3	4	5	6	8	12	15	4	6	10	12	

Οἱ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσι τὴν συγκεκλιμένην τῶν πλαγίων.

Theor. 3. Propo. 5.

Plani numeri rationem inter se habent ex lateribus compositam.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	L	B	C	D	E	F	G	H	K
18	22	32	3	6	4	8	9	12	16

Ἐὰν ὥσιν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον, ὁ δὲ πρῶτος τῶν πλάγιων μὴ μετρεῖ, ὅστις ἄλλος ἐδέσθαι μετρήσθαι.

Theor.4.Propo.6.

Si sint
quotlibet
numeri
deinceps
proportio

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D	E	F	G	H
16	24	36	54	82	4	6	9

nales, primus autem secundum non me-
tiatur, neque alius quisquam vllum me-
tiatur.

Ἐὰν ὡς ἰσὺν ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἑνὸς ἀνάλογον, ὃς
πρῶτος τῶν ἑξατέρων μετρεῖ, καὶ τὸ δεύτερον μετρήσῃ.

Theor.8.propo.7.

Si sint quotcunque nume-
ri deinceps proportiona-
les, primus autem extre-
mum metiatur, is etiā se-
cundum metiētur.

$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
A	B	C	D
4	6	12	24

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνά-
λογον ἐμπίπτωσιν ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτῶν μετα-
ξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπίπτωσιν ἀριθ-
μοὶ, τοσοῦτοι εἰς ἑνὸς αὐτῶν λόγον ἔχοντας αὐ-
τοῖς μεταξὺ κατὰ τὸ συνεχὲς ἀνάλογον ἐμπε-
ρῶται.

Theor.6. Propo.8.

Si inter duos numeros medii continua

proportione incidant numeri, quot inter eos medii continua proportione incidunt numeri, tot & inter alios eandem cum illis habentes rationem medii continua proportione incident.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	C	D	B	G	H	K	L	C	M	N	F
4	9	27	81	1	1	9	27	2	6	18	54

9

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὡςτι, καὶ εἰσαὐτῶν μετὰξὺ κατὰ τὴν συνεχὲς ἀναλογίαν ἐμπίπτωσι ἀριθμοὶ, ὅσοι εἰς αὐτῶν μετὰξὺ κατὰ τὴν συνεχὲς ἀναλογίαν ἐμπίπτωσι ἀριθμοὶ, τοσούτοι εἰ ἐκατέρω αὐτῶν εἰ μοναδίῳ ἐξῆς μετὰξὺ κατὰ τὴν συνεχὲς ἀναλογίαν ἐμπεσούσινται.

Theor. 7. Propo. 9.

Si duo numeri sint inter se primi, & inter eos medii continua proportione incidant numeri, quot inter illos medii continua proportione incidunt numeri, totidem & inter vtrunque eorum ac unitatem deinceps medii continua proportionem incident.

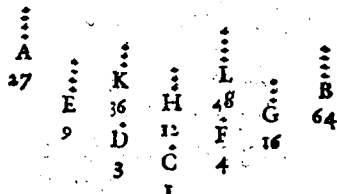
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	M	H	E	F	N	C	K	X	G	D	L	O	B
27	27	9	36	3	36	1	12	48	4	48	16	64	64

K ii

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ ᾤ μονάδι ᾤ μεταξύ κατὰ τὸ
 σωεχὲς ἀνάλογον ἐμπιπῶσιν ἀριθμοί, ὅσοι ἐκα-
 τέρας αὐτῶν καὶ μονάδος ἐξῆς μεταξύ κατὰ τὸ σω-
 εχὲς ἀνάλογον ἐμπιπῶσιν ἀριθμοί, τοσῶτοι ᾤ
 εἰς αὐτοὺς μεταξύ κατὰ τὸ σωεχὲς ἀνάλογον ἐμ-
 πεσοῦνται.

Theor. 8. Propo. 10.

Si inter duos numeros & vnitatē conti-
 nuē proportionales incidant numeri,
 quot inter v-
 trūque ipso-
 rum & vnita-
 tē deinceps
 medii conti-
 nua propor-
 tione incidūt
 numeri, totidem & inter illos medii con-
 tinua proportione incident.



Δύο τετραγώνων ἀριθμῶν εἰς μέσθ' ἀνάλογός
 ὅσιν ἀριθμός, καὶ ὁ τετράγωνός περὶ τὸ τετράγωνον
 διπλασίονα λόγῳ ἔχῃ, ἢ πῶς ἢ πλὺν πρὸς τιῶ
 πλὺν καὶ.

Theor. 9. Propo. 11.

Duorum quadratorum numerorū vnus
 medius proportionalis est numerus: &

quadratus ad quadra-
tum duplicatam ha-
bet lateris ad latus ra-
tionem.

⋮ A	⋮ C	⋮ E	⋮ D	⋮ B
9	3	12	4	16

¹⁶
Δύο κύβων ἀριθμῶν δύο ἀνάλογόν εἰσι ἀριθ-
μοί. καὶ ὁ κύβος πρὸς τὸν κύβον τριπλασίονα λό-
γον ἔχει, ἢ πρὸς τὴν πλυρὰ πρὸς τὴν πλυρῶν.

Theor. 10. Propo. 12.

Duorum cuborum numerorum duo me-
dii proportionales sunt numeri: & cubus
ad cubum triplicatam habet lateris ad la-
tus rationem.

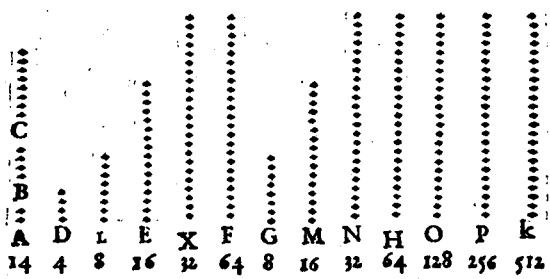
⋮ A	⋮ H	⋮ K	⋮ B	⋮ C	⋮ D	⋮ E	⋮ F	⋮ G
27	36	48	64	3	4	9	12	16

¹⁷
Ἐὰν ᾖσιμ ὅσοιδη ποτοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον,
ἢ πολλαπλασιάσας ἕκαστον ἐαυτῶν ποιῇ τινὰς,
οἱ γενόμενοι ἐξ αὐτῶν ἀνάλογον ἔσονται. καὶ ἂν οἱ
ἐξ ἀρχῆς τῶν γινομένων πολλαπλασιάσαντες
ποιῶσι τινὰς, ἢ αὐτοὶ ἀνάλογον ἔσονται, καὶ ἀεὶ
πρὸς τῶν ἀκρῶν τῶν συμβαίνον.

Theor. 11. Propo. 13.

Si sint quotlibet numeri deinceps propor-
tionales, & multiplicās quisque seipsum

faciat aliquos, qui ab illis producti fuerint proportionales erunt : & si numeri primum positi , ex suo in procreatos ductu faciant aliquos, ipsi quoque proportionales erunt.

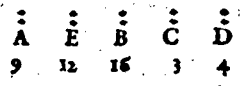


ιδ

Εὰν τετράγωνος τετράγωνον μετρή, καὶ ἡ πλοῦρά τῷ πλοῦρᾳ μετρήσῃ, καὶ εἰ ἡ πλοῦρά τῷ πλοῦρᾳ μετρήσῃ, καὶ ὁ τετράγωνος τὸν τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor.12.Propo.14.

Si quadratus numerus quadratum numerum metiatur, & latus vnus metietur latus alterius . Et si vni⁹ quadrati latus metiatur latus alterius , & quadratus quadratum metietur.



ι ε

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβου ἀριθμοῦ μετρήῃ, καὶ ἡ
 πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσῃ. καὶ ἐὰν ἡ πλευρὰ τὴν
 πλευρὰν μετρήῃ, οὐ κύβος ἢ κύβον μετρήσει.

Theor. 13. Propo. 15.

Si cubus numerus cubum numerū me-
 tiatur, & latus vnus metietur alterius la-
 tus. Et si latus vnus cubi latus alterius
 metiatur, tum cubus cubum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	H	K	B	C	D	E	F	G
8	16	28	64	2	4	4	8	16

ις

Ἐὰν τετράγωνος ἀριθμὸς τετράγωνον ἀριθμοῦ
 μὴ μετρήῃ, οὐδὲ ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μετρήσει, καὶ
 ἡ πλευρὰ τὴν πλευρὰν μὴ μετρήῃ, οὐδὲ ὁ τετράγωνος
 ἢ τετράγωνον μετρήσῃ.

Theor. 14. Propo. 16.

Si quadratus numerus quadratū nume-
 rum nō metiatur, neque latus vnus me-
 tietur alterius latus. Et si
 latus vnus quadrati non
 metiatur latus alterius,
 neque quadratus quadra-
 tum metietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
9	16	3	4
K	iiii		

12

Ἐὰν κύβου ἀριθμὸς κύβου ἀριθμὸν μὴ μεξήσῃ, ἔσθι
ἢ πλυρὰ τῷ πλυρὰν μεξήσῃ καὶ ἢ πλυρὰ τῷ
πλυρὰν μὴ μεξήσῃ, ἔσθι ὁ κύβου ἢ κύβου μεξήσῃ.

Theor. 15. Propo. 17.

Si cubus numerus cubum numerum nō
metiatur, neq; latus vnius
latus alterius metietur.
Et si latus cubi alicuius la-
tus alterius nō metiatur,
neque cubus cubum me-
tietur.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
8	27	9	11

11

Δύο ὁμοίων ὑπὸ πέντε ἀριθμῶν εἰς μέσθου ἀνα-
λογὸς ὅστις ἀριθμὸς. Ὁ δὲ ἐπὶ πέντε ἀριθμῶν πρὸς ἢ ἐπὶ
πέντε ἀριθμῶν διπλασιάζοντα λόγον ἔχει, ἢ ὅτι ἡ ὁμολογος
πλυρὰ πρὸς τῷ ὁμολογοῦ πλυρὰν.

Theor. 16. Propo. 18.

Duorum similium planorum numerorū
vnus medius
proportiona-
lis est nume-
rus: & planus
ad planum duplicatam habet lateris ho-
mologi ad latus homologum rationem,

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	G	B	C	D	E	F
12	18	27	2	6	3	9

10:

Δύο ὁμοίωμ σερέων ἀριθμῶν δύο μέσοι. ἀνάλογον
ἐμπίπτεισι ἀριθμοί. καὶ ὁ σερές πρὸς τὸ ὁμοίωμ σε-
ρέον τριπλασίονα λόγον ἔχει, ἢ αὐτὸς ἢ ὁμόλογος
πλευρὰ πρὸς τὴν ὁμόλογον πλευρῶν.

Theor. 17. Propo. 19.

Inter duos similes numeros solidos, duo
medii proportionales incidunt numeri.
& solidus ad similem solidum triplicatā
rationem habet lateris homologi ad la-
tus homologum.

⋮ A	⋮ N	⋮ X	⋮ B	⋮ C	⋮ D	⋮ E	⋮ F	⋮ G	⋮ H	⋮ K	⋮ M	⋮ L
8	12	18	27	2	2	2	3	3	3	4	6	9

u

Ἐὰν δύο ἀριθμῶν εἷς μέσος ὁ ἀνάλογος ἐμπίπτῃ
ἀριθμός, ὁμοιοί ἐπίπεδοι ἔσονται ἀριθμοί.

Theor. 18. Propo. 20.

Si inter duos numeros vnus medius pro-
portionalis
incidat nume-
rus, similes
plani erunt il-
li numeri.

⋮ A	⋮ C	⋮ B	⋮ D	⋮ E	⋮ F	⋮ G
18	24	33	3	4	6	8

κα

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ δύο μέσοι ἀναλογοῦ ἐμπίπτωσιν ἀριθμοῖ, ὅμοιοι τερεοὶ εἰσιν οἱ ἀριθμοί.

Theor.19. Propo.21.

Si inter duos numeros duo medii proportionales incidant numeri, similes soli di sunt illi numeri.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	C	D	B	E	F	G	H	K	L	M
27	36	44	64	9	12	16	3	3	3	4

κε

Ἐὰν ἑξῆς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀναλογοῦ ᾧσιν, ὃ ἢ πρῶτος τετραγώνος ἢ, καὶ ὃ ἑξῆς τετραγώνος ἔσται.

Theor.20. Propo.22.

Si tres numeri deinceps

sint proportionales, pri-

mus autem sit quadratus,

& tertius quadratus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	D
9	15	25

κγ

Ἐὰν τέσσαρες ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀναλογοῦ ᾧσιν, ὃ ἢ πρῶτος κύβος ἢ, καὶ ὃ τέταρτος κύβος ἔσται.

Theor.21. propo.23.

Si quatuor numeri deinceps

sint porportionales,

primus autem sit cubus,

& quartus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	D
8	12	18	27

κ δ

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσι, ὃν
τετράγωνον ὁ ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθ-
μὸν, ὃ ᾧ πρῶτον τετράγωνος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος
τετράγωνος ἦσαι.

Theor. 22. Propo. 24.

Si duo numeri rationem habeant inter se
quā quadratus numerus ad quadratū nu-
merū, primus autē
sit quadratus, & secū-
dus quadratus erit.

Α	Β	Γ	Δ
4	6	9	16
24	36		

κ ε

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχωσι,
ὃν κύβον ὁ ἀριθμὸς πρὸς κύβον ἀριθμὸν, ὃ ᾧ πρῶ-
τος κύβος ἦ, καὶ ὁ δεύτερος κύβος ἦσαι.

Theor. 23. Propo. 25.

Si numeri duo rationem inter se habeant
quam cubus numerus ad cubum nume-
rum, primus autem cubus sit, & secun-
dus cubus erit.

Α	Ε	Φ	Β	Γ		Δ
8	12	18	27	64	95	140
						216

κς

Οἱ ὅμοιοι ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὅν τε βέλγωνος ἀριθμὸς πρὸς τε βέλγωνος ἀριθμόν.

Theor. 24. Propo. 26.

Similes plani numeri rationem inter se habēt, quā quadratus numerus ad quadratū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	B	D	E	F
18	24	32	9	12	16

κζ

Οἱ ὅμοιοι στερεοὶ ἀριθμοὶ πρὸς ἀλλήλους λόγον ἔχουσιν, ὅν κύβου ἀριθμὸς πρὸς κύβου ἀριθμόν.

Theor. 25. Propo. 27.

Similes solidi numeri rationem habent inter se, quam cubus numerus ad cubū numerum.

⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
A	C	D	B	E	F	G	H
16	24	36	54	8	12	18	27

Elementi octavi finis.



ΕΥΚΛΕΙΔΗΣ

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

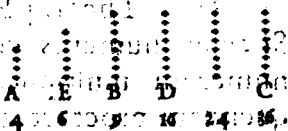
ΕΝΝΑΤΟΝ.

ΕΥΚΛΙΔΙΣ ΕΛΕΜΕΝ-
ΤΥΜ ΝΟΝΥΜ.

Εἰ δύο ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ πολλαπλα-
σοῦνται ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὃ γενόμενον
τετράγωνος ἔσται.

Theor. I. Prop. I.

Si duo similes plani numeri mutuò sese
multiplicantes
quendam pro-
creent, produ-
ctus quadratus
erit.



β

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πολλαπλασιάζοντες ἀλλήλους ποιῶσι τετράγωνον, ὁμοιοὶ ἐπίπεδοι εἰσὶ.

Theor. 2. Propo. 2.

Si duo numeri mutuò sese multiplicantes quadratum faciunt, illi similes sunt plani.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$
A	B	C	D	E	F
4	6	12	9	18	36

γ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάζῃ ποιῇ ἑνᾶ, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 3. Propo. 3.

Si cubus numerus seipsum multiplicans procreet aliquem, productus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$
Vni	D	D	A	B	B
tas.	3	4	8	16	32
					64

δ

Ἐὰν κύβος ἀριθμὸς κύβον ἀριθμὸν πολλαπλασιάζῃ ποιῇ ἑνᾶ, ὁ γενόμενος κύβος ἔσται.

Theor. 4. Propo. 4.

Si cubus numerus cubum numerum multiplicans quendam procreet, procreatus cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{smallmatrix}$
A	B	D	C
8	27	64	216

ε

Εάν κύβος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλασιά-
 ζῃς κύβον ποιῇ, καὶ ὁ πολλαπλασιασθεὶς κύβος
 ἔσται.

Theor. 5. Propo. 5.

Si cubus numerus numerum quendam
 multiplicās cubum pro-
 creet, & multiplicatus cu
 bus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
27	64	729	1728

ς

Εάν ἀριθμὸς ἑαυτὸν πολλαπλασιάζῃς κύβον
 ποιῇ, ὁ αὐτὸς κύβος ἔσται.

Theor. 6. Propo. 6.

Si numerus seipsum multi-
 plicans cubum procreat, &
 ipse cubus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
27	729	19683

ζ

Εάν σύνθετος ἀριθμὸς ἀριθμὸν ἵνα πολλαπλα-
 σιᾶται ποιῇ ἵνα, ὁ γενόμενος σκεπτός ἔσται.

Theor. 7. Propo. 7.

Si compositus numerus quendam nu-
 merum multiplicans
 quempiam procreat,
 productus solidus erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{A} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{B} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{C} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{D} \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \text{E} \\ \vdots \end{smallmatrix}$
6	8	48	2	3

Ἐὰν ἄρ' μονάδιος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ὦσιν, ὃς τρίτος ἄρ' αὖ μονάδιος τετράγωνος ὦσιν, καὶ οἱ ἑνα διαλείποντες πάντες, ὃς τέταρτος κύβος, καὶ οἱ δύο διαλείποντες πάντες, ὃς ἑβδόμος κύβος ἅμα τε βέλγωνος, καὶ οἱ πάντε διαλείποντες πάντες.

Theor. 8. Propo. 8.

Si ab unitate quotlibet numeri deinceps proportionales sint, tertius ab unitate quadratus est, & vnū intermittentes omnes: quartus autē cubus, & duobus intermissis omnes: septimus verò cubus simul & quadrat⁹,

& quinque
intermissis
omnes.

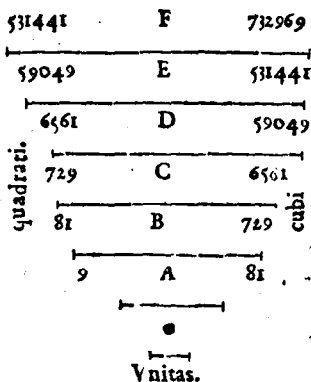
Vni tas.	A.	B.	C.	D.	E.	F.
1	3	9	27	81	243	729

Ἐὰν ἄρ' μονάδιος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ὦσιν, ὃς μετὰ τὴν μονάδα τε βέλγωνος ἦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες τε βέλγωνοι ἔσονται. καὶ ἔαρ' ὁ μετὰ τὴν μονάδα κύβος ἦ, καὶ οἱ λοιποὶ πάντες κύβοι ἔσονται.

Theor. 9. Propo. 9.

Si ab unitate sint quotcūque numeri deinceps proportionales, sit autem quadratus

dratus is qui v-
nitate sequi-
tur, & reliqui
omnes quadra-
ti erunt. Quod
si qui vnitatem
sequitur cubus
sit, & reliqui o-
mnes cubi e-
runt.



Εἰ ἀπὸ μὲν μονάδος ὁποσοιοῦν ἀριθμοὶ ἀνάλογον
ᾧσιν, ὁ δὲ μετὰ τῷ μονάδᾳ μὴ ἢ τετράγωνος, ἐστὶ
ἄλλος ἐστὶς τετράγωνος ἔσται, χωρὶς τῆς τρίτης ἀπὸ
αὐτῆς μονάδος καὶ τῆς ἑνῆς διαλειπόντων πάντων. καὶ ἐάν
ὁ μετὰ τῷ μονάδᾳ κύβος μὴ ἢ, ἐστὶ ἄλλος ἐστὶς
κύβος ἔσται, χωρὶς τῆς τετάρτης ἀπὸ αὐτῆς μονάδος
καὶ τῆς δύο διαλειπόντων πάντων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si ab vnitatem numeri quocunque pro-
portionales sint, non sit autem quadra-
tus is qui vni-
tatem sequi-
tur, neque al-
ius vll^o qua-

●	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
Vni	A	B	C	D	E	F
tas.	3	9	36	81	243	729

dratus erit, demptis tertio ab vnitate ac omnibus vnum intermittētibus. Quòd si qui vnitatem sequitur cubus non sit, neque alius vllus cubus erit, dēptis quarto ab vnitate ac omnibus duos intermit- tentibus.

1 α

Εἰ ἂν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῖον ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον ᾧσιν, ὁ ἐλάττω τὸ μείζονα μετρεῖ κατὰ ἕνα τὸ ὑπερχόντων ἐν τοῖς ἀνάλογον ἀριθμοῖς.

Theor. 11. Propo. 11.

Si ab vnitate numeri quotlibet deinceps proportionales sint, minor maiorē metitur per quempiam eorū qui ī proportio-
nalib⁹ sunt numeris.

A	D	C	D	E
1	2	4	8	16

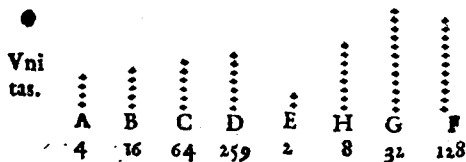
1 β

Εἰ ἂν ἀπὸ μονάδος ὁποσοῖον ἀριθμοὶ ἀνάλογον ᾧσιν, ὑφ' ὧσιν, ἂν ὁ ἕκαστος πρώτων ἀριθμῶν μετρεῖται, ὥστε τῇ αὐτῇ καὶ ὁ παρὰ τὴν μονάδα μετρηθῇσεται.

Theor. 12. Propo. 12.

Si ab vnitate quotlibet numeri sint proportionales, quot primorum numerorū

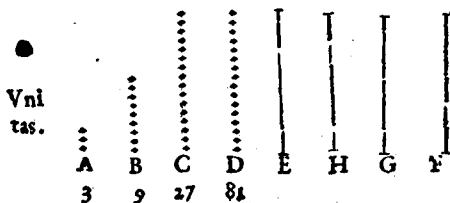
ultimum metiuntur, totidem & cum qui
vnitati proximus est, metientur.



¹⁷
Εὰν ἀρμόμονα διὰ τοῦ ποιοῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνα-
λογου ὦσιν, ὃ ἔμετα τὴν μονάδα πρῶτος ἦ, ὃ μέ-
γιστος ὡς ἂν διενὸς ἄλλα μετρηθῇσεται παρὲς τῶν
ὑπαρχόντων ἐν τοῖς ἀναλογου ἀριθμοῖς.

Theor. 13. Propositi. 13.

Si ab vnitare sint quotcūque numeri de-
inceps proportionales, primus autem sit
qui vnitatem sequitur, maximum nullus
alius metietur, iis exceptis qui in propor-
tionalibus sunt numeris.

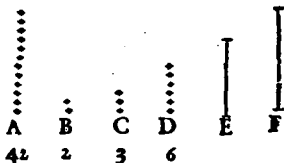


181

Ἐὰν ἐλάχιστος ὁ ἀριθμὸς ᾧ τὸ πρῶτον ἀριθμῶν
μετρεῖται, ὑπ' ἐσθενὲς ἄλλος ἀριθμὸς μετρηθῇσεται
παρὲξ τῆς ἐξαρχῆς μετρούντων.

Theor. 14. Propo. 14.

Si minimum nu-
merum primi ali-
quot numeri me-
tiantur, nullus al-
lius numerus pri-
mus illum metie-
tur, iis exceptis qui primò metiuntur.

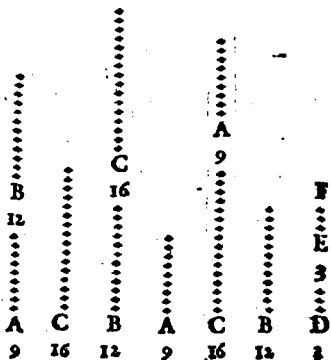


182

Ἐὰν τρεῖς ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀναλογῇ ὡσιν ἐλάχιστοι
τῶν αὐτῶν λόγων ἐχόντων αὐτοῖς, δύο ὁποιοῦν
σωτὲς δέντες πρὸς τὸ λοιπὸν πρῶτοι εἰσὶν.

Theor. 15. Propo. 15.

Si tres nume-
ri deinceps
proportiona-
les sint mini-
mi eandē cū
ipsis habentiū
rationē, duo
quilibet com-
positi ad ter-
tium primi e-
runt.

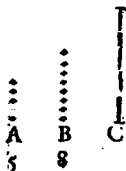


15

Ἐὰν δύο ἀριθμοὶ πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσιν, ἔκ-
 ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸ διθύτδρον, ἕτως ὁ διθύτε-
 ρος πρὸς ἄλλου ἑνά.

Theor. 16. Propo. 16.

Si duo numeri sint inter se
 primi, non se habebit quem-
 admodum primus ad secun-
 dum, ita secundus ad quem-
 piam alium.

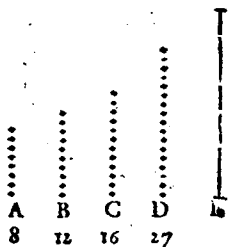


16

Ἐὰν ὥσιν ὅσοι διηποταῦν ἀριθμοὶ ἐξ ἧς ἀνάλογον,
 οἱ ἄνθρωποι αὐτῶν πρῶτοι πρὸς ἀλλήλους ὥσιν, ἔκ-
 ἔσται ὡς ὁ πρῶτος πρὸς τὸ διθύτδρον, ἕτως ὁ ἕκτος
 πρὸς ἄλλου ἑνά.

Theor. 17. Propo. 17.

Si sint quotlibet nu-
 meri deinceps pro-
 portionales, quorum
 extremi sint inter se
 primi, nō erit quem-
 admodum primus ad
 secundum, ita vltimus
 ad quempiam alium.

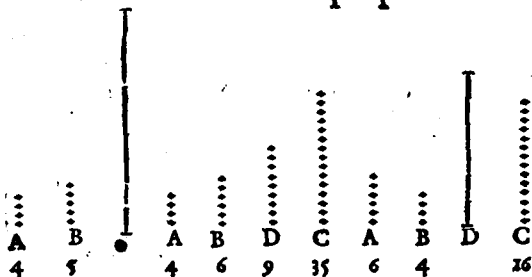


17

Δύο ἀριθμῶν δοθέντων, ὡς ἐκείνου εἰ δυνα-
τὸν εἶναι αὐτοῖς τρίτον ἀνάλογον προσθεῖν.

Theor. 18. Propo. 18.

Duobus numeris datis, considerare pos-
sitne terti^o illis inveniri proportionalis.

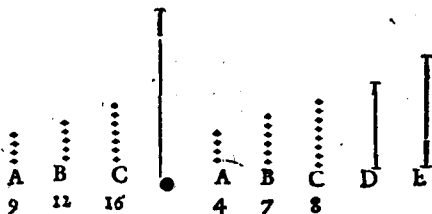


19

Τριῶν ἀριθμῶν δοθέντων, ἐπισκέψασθαι εἰ δυνα-
τὸν εἶναι αὐτοῖς τέταρτον ἀνάλογον προσθεῖν.

Theor. 9. Propo. 19.

Tribus numeris datis, cōsiderare possit-
ne quartus illis reperiri proportionalis.

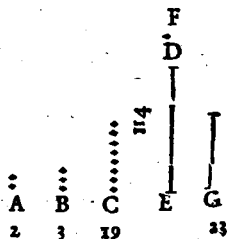


κ

οἱ πρῶτοι ἀριθμοὶ πλείους εἰσὶ πάντες τῶν περὶ
 θένους πλήθους πρώτων ἀριθμῶν.

Theor. 20. Propo. 20.

Primi numeri
 plures sunt qua-
 cunque propo-
 sita multitudine
 primorum nume-
 rorum.



κ α

Ἐὰν ἄρτιοι ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν συναριθμῶσιν, ὅλος
 ἄρτιός ἐστι.

Theor. 21. Propo. 21.

Si pares numeri quot
 libet compositi sint,
 totus est par.



κ α

Ἐὰν περιττοὶ ἀριθμοὶ ὁποσοιοῦν συναριθμῶσιν, ὅλος
 πλῆθος αὐτῶν ἄρτιον ἔσται.

Theor. 22. Propo. 22.

Si impares numeri quotlibet compositi

sint, sit autem par il-
lorum multitudo, to-
tus par erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	D
5	9	7	3

κ γ

Ἐὰν ὁμοίᾳτοι ἀριθμοὶ ὁποιοῦν συναριθμῶσιν, ὅτε
πλήθος ἀντιῶν ὁμοιωμάτων, καὶ ὅλῳ ὁμοιωτός
ἔσται.

Theor.23.propo.23.

Si impares numeri
quotcunque compo-
siti sint, sit autē impar
illorum multitudo, &
totus impar erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	B	C	E
5	7	8	1

κ δ

Ἐὰν ἀπὸ ἀρτίων ἀριθμῶν ἄρτιος ἀφαιρεθῇ, ὅλον
πὸς ἄρτιον ἔσται.

Theor.24.Propo.24.

Si de pari numero par detra-
ctus sit, & reliquus par erit.

$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$	$\begin{smallmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{smallmatrix}$
A	C
6	4

κ ε

Ἐὰν ἀπὸ ἀρτίων ἀριθμῶν ὁμοιωτός ἀφαιρεθῇ, καὶ ὁ
λοιπὸς ὁμοιωτός ἔσται.

Theor.25. Propo.25.

Si de pari numero impar
detractus sit , & reliquus
impar erit.

⋮		B.
⋮		⋮
⋮		⋮
⋮		⋮
A	C	D
8	1	4

Εὰν ἀπὸ ^{κς} πάλιας ἀριθμῆς πάλιας ἀφαιρεθῇ, ὁ
λοιπὸς ἀρτιος ἔσται.

Theor.26. Propo.26.

Si de impari numero im-
par detractus sit , & reli-
quus par erit.

⋮	⋮	B
⋮	⋮	⋮
⋮	⋮	⋮
A	C	D
4	6	2

Εὰν ἀπὸ ^{κζ} πάλιας ἀριθμῆς ἀρτίου ἀφαιρεθῇ, ὁ
λοιπὸς πάλιας ἔσται.

Theor.27. Propo.27.

Si ab impari numero par
ablatuſ sit , reliquus im-
par erit.

	⋮	B
	⋮	⋮
	⋮	⋮
A	D	C
1	4	4

Εὰν πάλιας ἀριθμὸς ἀρτιου πολλαπλασιάσας
ποιῇ ἑνὰ, ὁ γενόμενος ἀρτιος ἔσται.

Theor.28. Propo.28.

Si impar numerus parē mul-
tiplicans procreet quempiā,
procreatus par erit.

κθ

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	4	12

Εὰν πῶδας ἄριθμὸς πῶδα ἄριθμὸν πολλα-
πλασιάσας ποιῇ ἑνὰ, ὃ γενόμενος πῶδας ἔσται.

Theor.29. Propo.29.

Si impar numerus imparē nu-
merū multiplicās quēdā pro-
creet, procreatus impar erit.

⋮	⋮	⋮
A	B	C
3	5	15

λ

Εὰν πῶδας ἄριθμὸς ἄρτιον ἄριθμὸν μετῇ, καὶ τὸ
ἥμισυν αὐτοῦ μετρίσει.

Theor.30. Propo.30.

Si impar numerus parem nu-
merum metiatur, & illius di-
midium metietur.

⋮	⋮	⋮
A	C	B
3	6	18

λα

Εὰν πῶδας ἄριθμὸς πρὸς ἑνὰ ἄριθμὸν πρῶτος
ᾖ, καὶ πρὸς τὸ διπλάσιον αὐτοῦ πρῶτος ἔσται.

Theor.31. Propo.31.

Si impar numerus ad nu-
merum quēpiam primus
sit, & ad illius duplum pri-
mus erit.

⋮	⋮	⋮	⋮
A	B	C	D
7	8	16	

λ β

Τῶν ἀπὸ δυάδιος διπλασιαζομένων ἀριθμῶν
ἕκαστος ἀρτιάκις ἀρτίος ὄντι μόνον.

Theor. 32. Prop. 32.

Numerorū, qui à bi-
nario dupli sunt, v-
nusquisque pariter
par est tantum.

Vni
tax.

A

B

C

D

2

4

8

16

λ γ

Ἐὰν ἀριθμὸς ᾧ ἡμισυν ἔχη ποδιστόν, ἀρτιάκις πε-
ρισσὸς ὄντι μόνον.

Theor. 33. Prop. 33.

Si numerus dimidium impar ha-
beat, pariter impar est tantum.

λ δ

Ἐὰν ἀρτίος ἀριθμὸς μήτε ᾧ ἀπὸ δυάδιος δι-
πλασιαζομένων ᾧ, μήτε ᾧ ἡμισυν ἔχη ποδιστόν,
ἀρτιάκις τε ἀρτίος ὄντι καὶ ἀρτιάκις ποδιστός.

Theor. 34. Prop. 34.

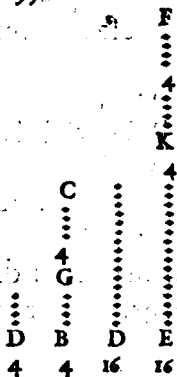
Si par numerus nec sit duplus à bi-
nario, nec dimidiū impar habeat,
pariter par est & pariter impar.

λε

Εὰν ὁσιν ὁμοιότητος ἀριθμοὶ ἐξῆς ἀνάλογον,
ἀφαιρέθωσι ἀπὸ τε τῶν πλεονέκων καὶ τῶν ἐλάττω ἴσοι
τοῖς πρώτοις, ἔσται ὡς ἡ τῶν πλεονέκων ὑποδροχὴ πρὸς
τῶν πρώτων, ἔτι ὡς ἡ τῶν ἐλάττω ὑποδροχὴ πρὸς τοῦ πρὸ
ἑαυτῶν ἀπαντας.

Theor. 35. Propo. 35.

Si sint quotlibet numeri
deinceps propo-
tionales, detrahatur autem de
secundo & ultimo æqua-
les ipsi primo, erit quem-
admodum secundi exces-
sus ad primum, ita ultimi
excessus ad omnes qui ul-
timum antecedunt.



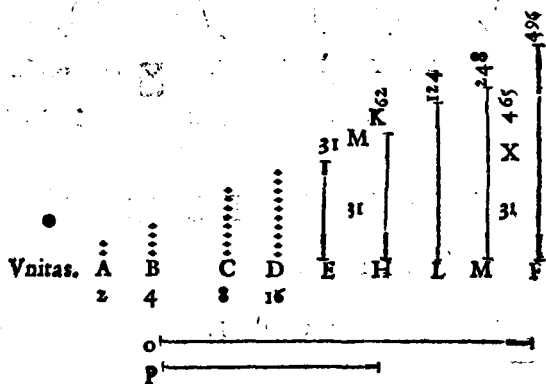
λς

Εὰν ἀρμονία δι᾽ ὁμοιοῦν ἀριθμοὶ ἐξῆς ἐντε-
θῶσιν ἐν τῇ διπλασίονι ἀναλογίᾳ ἕως ἧς ὁ σύμπαρ
σωτέθῃς πρώτῃ γένηται, καὶ ὁ σύμπαρ ὑπὸ τῶν
ἐλάττω πολλαπλασιασθεὶς ποιῇ τινὰ, ὁ γενόμε-
νός τελέθῃς ἔσται.

Theor. 36. Propo. 36.

Si ab unitate numeri quotlibet deinceps

expositi sint in duplici proportionē quo-
ad totus compositus primus factus sit, is-
que totus in ultimum multiplicatus quē-
piā procreet, procreatus perfectus erit.



Elementi noni finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΔΕΚΑΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM DECIMVM.

ΘΡΟΙ.

α,

Σ ὅμοια μεγέθη λέγεται, τὰ ἴσα αὐτῶ
μέτρῳ μετρίμιστα.

DEFINITIONES.

I

Commensurabiles magnitudines di-
cuntur illæ, quas eadē mensura metitur.

β

Ἀσύμμετρα δ', ὅν μὴ πᾶσι κοινὸν μέτρον
γενέσθαι.

2

Incommensurabiles verò magnitudines dicuntur hæ, quarum nullam mensuram communem contingit reperiri.

γ

Εὐθεῖαι διωάμει σύμμετροί εἰσι, ὅταν τὰ ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ἴσῃ αὐτῶν χωρίῳ μεβῇται.

3

Lineæ rectæ potentia commensurabiles sunt, quarum quadrata vna eadē superficiē siue area metitur.

δ

Ἀσύμμετροί δ', ὅταν τοῖς ἀπ' αὐτῶν τετραγώνοις μηδὲν ἐνδέχῃται χωρίου κοινὸν μέτρον γενέσθαι.

4

Incōmensurabiles verò lineæ sunt, quarum quadrata, quæ metiatur area communis, reperiri nulla potest.

ε

Τῶντων ὑποσημένων, δεικνύται ὅτι τῇ πρώτῃ θεώσῃ διδῆναι ὑπάρχουσιν διθεῖναι πλήθει ἀπειροι, σύμμετροί τε καὶ ἀσύμμετροί, αἱ μὲν μήκει καὶ διωάμει, αἱ δὲ διωάμει μόνον. Καλεῖσθαι οὖν ἢ μὴ περὶ τῶνδε διδῆναι ῥητὴν.

5

Hæc cū ita sint, ostēdi potest quòd quacunque linea recta nobis proponatur,

existunt etiam aliæ lineæ innumerabiles
eidem commensurabiles, aliæ item incō
mensurabiles, hæ quidem longitudine &
potentia: illæ vero potentia tantum. Vo
cetur igitur linea recta, quantacunque
proponatur, ῥητὴ, id est rationalis.

5

καὶ αἱ ταύτῃ σύμμετροι εἴτε μήκει ὁδωάμῃ, εἴ
τε ὁδωάμῃ μόνοι, ῥηταί.

6

Lineæ quoque illi ῥητὴ commensurabiles
siue lōgitudine & potētia, siue potentia
tantum, vocentur & ipsæ ῥηταί, id est ra
tionales.

8

Αἱ δὲ ταύτῃ ἀσύμμετροι, ἄλογοι καλεῖσθαι.

7

Quæ verò lineæ sunt incommensurabi
les illi τῇ ῥητῇ, id est primo loco rationali,
vocentur ἄλογοι, id est irrationales.

11

καὶ τὸ μὲν ἀπὸ τῆς περὶ τεθείσης διθείας τετραγώ
νου, ῥητόν.

8

Et quadratū quod à linea proposita de
scribitur quam ῥητὴν vocari voluimus, vo
cetur ῥητόν.

καὶ ταί

9

καὶ τὰ τέτρω σύμμετρα, ῥητά.

9

Et quæ sunt huic commensurabilia, vocentur ῥητά.

1

τὰ ὅ τετρω ἀσύμμετρα, ἄλογα καλεῖσθαι.

10

Quæ verò sunt illi quadrato ῥητῷ scilicet incommensurabilia, vocentur ἄλογα, id est surda.

1α

καὶ αἱ διωάμενοι αὐτὰ, ἄλογοι. εἰ μὲν τετραγώνων αἰεὶ, αὐταὶ αἱ πλῆρη. εἰ ὅτε τινὰ διθύρογραμμα, αἱ ἴσα αὐτοῖς τετράγωνα ἀναγράφουσι.

II

Et lineæ quæ illa incommensurabilia describunt, vocentur ἄλογοι. Et quidem si illa incommensurabilia fuerint quadrata, ipsa eorum latera vocabuntur ἄλογοι lineæ. quòd si quadrata quidem non fuerint, verùm aliæ quæpiam superficies siue figuræ rectilineæ, tunc verò lineæ illæ quæ describunt quadrata æqualia figuris rectilineis, vocentur ἄλογοι.

προτάσις. α.

Δύο μεγεθῶν ἀνίσωτον ἐκκείμενον ἑαυτῷ ἀπὸ τῶ μεί-

ζονΘ ἀφαιρεθῇ μείζον ἢ τ' ἡμιόν, εἰ τ' καταλῆ=
πομένε μείζον ἢ τ' ἡμισυ, Θ τῷ ἀεί γίγνηται, λη
φθίσεταί τι μέγεθος, ὅστις ἐλάσσον ἐκκειμένε ἐ-
λάσσονΘ μεγέθους.

Theor. 1. Propo. 1.

Duabus magnitudinib' inæqualibus pro-
positis, si de maiore detrahatur plus di-
midio, & rursus de residuo
iterum detrahatur plus di-
midio, idque semper fiat: re-
linquetur quædam magni-
tudo minor altera minore
ex duabus propositis.



β

Ἐὰν δύο μεγέθων ἐκκειμένων ἀνίσωρ, ἀνθυφαί-
ραμένε ἀεί τῷ ἐλάσσονΘ ἀπ' τῷ μείζονΘ, τ'
καταλείποντο μηδέποτε καταμεῖν τ' πρὸ ἐ-
αυτῶ, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 2. Propo. 2.

Duabus magnitudinibus
propositis inæqualibus, si
detrahatur semper minor
de maiore, altera quadā
detractione, neque residuū
vnquam metiatur id quod



ante se metiebatur, incommensurabiles
sunt illæ magnitudines.

Δύο μεγεθῶν ^γσυμμέτρων διοθέντων, τ' μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Plobl.1.Propo.3.

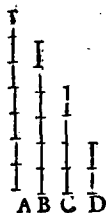
Duabus magnitudinibus com-
mensurabilibus datis, maximam
ipsarum communem mensuram
reperire.



Τριῶν μεγεθῶν ^δσυμμέτρων διοθέντων, τ' μέγιστον
αὐτῶν κοινὸν μέτρον εὐρεῖν.

Theor.2.Propo.4.

Tribus magnitudinibus cō-
mensurabilibus datis, maxi-
mam ipsarum communem
mensuram reperire.



Τὰ σύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει,
ὅν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor.3.Propo.5.

Commensurabiles magnitudines inter se proportionem eam habet, quam habet numerus ad numerum.

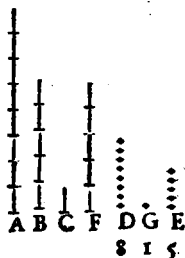


5

Ἐὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει ὁ ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, σύμμετρα ἔσσι τὰ μεγέθη.

Theor.4.Propo.6.

Si duæ magnitudines proportionē eam habet inter se quam numerus ad numerum, commensurabiles sunt illæ magnitudines.

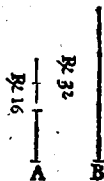


ζ

Τὰ ἀσύμμετρα μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχει, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν.

Theor. 5. Propo. 7.

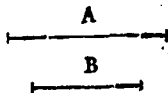
Incommensurabiles magnitudines inter se proportionem non habent, quam numerus ad numerum.



Ἐὰν δύο μεγέθη πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ ἔχῃ ὅν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν, ἀσύμμετρα ἔσται τὰ μεγέθη.

Theor. 6. Propo. 8.

Si duæ magnitudines inter se proportionem nō habēt quam numerus ad numerum, incommensurabiles illæ sunt magnitudines.

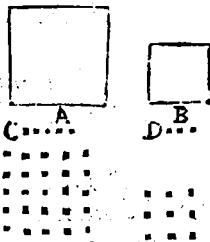


Τὰ ἀπὸ τῆς μήκει συμμέτρων διδιδῶν τετράγωνα, πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχῃ ὅν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον ἔχοντα ὅν τετράγωνος ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν, εἰ τὰς πλευρὰς ἔξει μήκει συμέτρους τὰ ἀπὸ τῆς μήκει ἀσύμμετρων διδιδῶν τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα λόγον ἐκ ἔχῃ ὅν ὅν τετράγωνον ἀριθμὸς πρὸς τετράγωνον ἀριθμὸν. καὶ τὰ τετράγωνα τὰ πρὸς ἀλλήλα λόγον μὴ

ἔχοντα ὄντων τετραγώνων ἄριθμός πρὸς τετραγώνου ἄριθμόν, ὅστις τὰς πλευρὰς ἔξει μήκει συμμέτρους.

Theor. 7. Propo. 9.

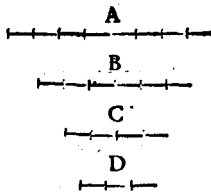
Quadrata, quæ describuntur à rectis lineis longitudine commensurabilibus, inter se proportionem habent quam numerus quadratus ad alium numerum quadratum. Et quadrata habentia proportionem inter se quam quadratus numerus ad numerum quadratum, habent quoque latera longitudine commensurabilia. Quadrata verò quæ describuntur à lineis longitudine incommensurabilibus, proportionem non habent inter se quam quadratus numerus ad numerum alium quadratum. Et quadrata non habentia proportionem inter se quam numerus quadratus ad numerum quadratum, neque latera habebunt longitudine commensurabilia.



Ἐὰν τέσσαρα μεγέθη ἀναλογουῖν, καὶ ὁ πρῶτος τῷ
 διευτέρῳ σύμμετρος ᾖ, καὶ ὁ τρίτος τῷ τεταρτῷ
 σύμμετρος ᾖ. καὶ ὁ πρῶτος τῷ διευτέρῳ ἀσύμ-
 μετρος ᾖ, καὶ ὁ τρίτος τῷ τεταρτῷ ἀσύμμετρος
 ᾖ.

Theor. 8. Propo. 10.

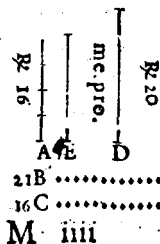
Si quatuor magnitudines fuerint propor-
 tionales, prima ve-
 rò secundæ fuerit
 commensurabilis,
 tertia quoq; quar-
 tæ commensurabi-
 lis erit. quòd si pri-
 ma secundæ fuerit
 incommensurabilis, tertia quoque quar-
 tæ incommensurabilis erit.



τῇ περὶδείξει διθεία πρὸς ἀρεῖν δύο διθείας ἀ-
 σύμμετρος, τῷ μὲν μόνον, τῷ δὲ καὶ διωάμεν.

Proble. 3. Propo. 11.

Propositæ lineæ rectæ
 (quam ῥήτιω vocari di-
 ximus) rep̄erire duas li-
 neas rectas incommen-
 surabiles, hanc quidem
 longitudine tantum, il-



lam verò non longitudine tantum , sed
etiam potentia incommensurabilem.

Τὰ θεῖα αὐτῶ ^{ιβ}μεγέθη σύμμετρα, ἐκ ἀλλήλοις ὅτι
σύμμετρα.

Theor.9.Prop.12.

Magnitudines quæ ei-
dem magnitudini sunt
commensurabiles, inter
se quoque sunt commē-
surabiles.

1 1 1
 1 1 1
 1 1 1
 1 1 1
 A C B
 6D....4F..
 4E....8G..
 3 H..
 2 K..
 4 L...

Εὰν ᾖ διὰ μέγεθος, καὶ τὸ σύμμετρον ᾖ τῷ αὐ-
τῷ, καὶ ἕτερον ἀσύμμετρον, ἀσύμμετρα εἶναι τὰ
μέγεθος.

Theor. 10. Propo. 13.

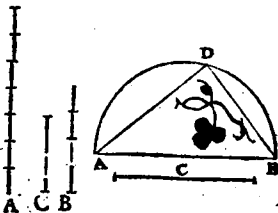
Si ex duabus magnitudinibus hæc quidem commensurabilis sit tertiæ magnitudini, illa verò eidem incommensurabilis, incommensurabiles sunt illæ duæ magnitudines.

Εὰν ᾖ δύο μεγέθη σύμμετρα, τὸ ἑτερομῶν αὐτῶν

μεγέθη ἐνὶ ἀσύμμετρον ἢ, καὶ ὁ λοιπὸν τῶν αὐτῶν ἀσύμμετρον εἶναι.

Theor. II. Propo. 14.

Si duarū magnitudinum commensurabilium altera fuerit incommensurabilis magnitudini alteri cuiuspiā tertiæ, reliqua quoque magnitudo eidem tertiæ incommensurabilis erit.

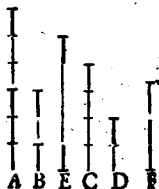


Ἐὰν τέσσαρες διθεῖαι ἀνάλογον ᾧσιν, δύνηται δὲ ἡ πρώτη αὖτε δεύτερας μείζον τῶν ἀπὸ συμμέτρων ἑαυτῇ μήκη, καὶ ἡ τρίτη τῇ τετάρτης μείζον διωθήσεται. τῶν ἀπὸ συμμέτρων ἑαυτῇ μήκει. Ὡς ἐάν ἡ πρώτη τῇ δευτέρᾳ μείζον διωθῇται τῶν ἀπὸ ἀσύμμετρων ἑαυτῇ μήκη, Ὡς ἡ τρίτη αὖτε τετάρτης μείζον διωθήσεται τῶν ἀπὸ ἀσύμμετρων ἑαυτῇ μήκη.

Theor. 12. Propo. 15.

Si quatuor rectæ proportionales fuerint, possit autem prima plusquam secunda tanto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine: tertia quoque poterit plusquam quarta tanto quantum est quadratum lineæ sibi commen-

furabilis lōgitudine. Quòd si prima pos-
sit plusquā secunda qua-
drato lineæ sibi longitu-
dine incommensurabi-
lis: tertia quoque poterit
plusquam quarta quadra-
to lineæ sibi incommen-
surabilis longitudine.

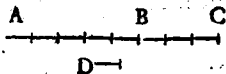


15

Ἐὰν δύο μεγέθη σύμμετρα σωτεθῇ, καὶ ὅλον
ἑκατέρω αὐτῶν σύμμετρον ἔσαι. καὶ ὅλον ἐνὶ αὐ-
τῶν σύμμετρον ἔσαι, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη σύμ-
μετρα ἔσαι.

Theor. 13. Propo. 16.

Si duæ magnitudines commensurabiles
componantur, tota magnitudo compo-
sita singulis partibus commensurabilis e-
rit. quòd si tota magnitudo composita
alterutri parti commē-
surabilis fuerit, illæ A B C
quæ quoque partes cō-
mensurabiles erunt.

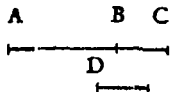


16

Ἐὰν δύο μεγέθη ἀσύμμετρα σωτεθῇ, ὅλον
ἑκατέρω αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσαι. καὶ ὅλον ἐνὶ
αὐτῶν ἀσύμμετρον ἔσαι, καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς μεγέθη ἀ-
σύμμετρα ἔσαι.

Theor. 14. Propo. 17.

Si duæ magnitudines incommensurabiles componantur, ipsa quoque tota magnitudo singulis partibus componentibus incommensurabilis erit. Quod si tota alteri parti incommensurabilis fuerit, illæ quoque primæ magnitudines inter se incommensurabiles erunt.



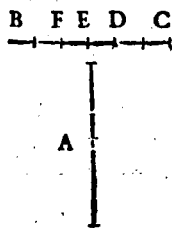
17

Ἐὰν ὥσι δύο διῃ εἶαι ἄνισοι, τῷ δὲ τετάρτῳ μέρει ἢ ἀπὸ τῶ ἐλάσσονος ἴσον παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλ. εἴπον εἰδὴ τετραγώνῳ, καὶ εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαίρει μήκη, μείζων αὖ ἐλάσσονθ' μείζον διωήσεται, τῷ ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκη. Ὡς ἐάν ἡ μείζων αὖ ἐλάσσονθ' μείζον διώνηται, τῷ ἀπὸ συμμέτρων αὐτῇ μήκει, τῷ ὃ τετάρτῳ μέρει τῶ ἀπὸ αὐτῆς ἐλάσσονθ' ἴσον παραλληλόγραμμον παρὰ τὴν μείζονα παραβληθῇ ἐλ. εἴπον εἰδὴ τετραγώνῳ, εἰς σύμμετρα αὐτὴν διαίρει μήκη.

Theor. 15. Propo. 18.

Si fuerint duæ rectæ lineæ inæquales, & quartæ parti quadrati quod describitur à minore, æquale parallelogrammū ap-

plicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius parallelogrammi: si præterea parallelogrammum sui applicatione diuidat lineam illam in partes inter se commensurabiles longitudine, illa maior linea tãto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine. Quòd si maior plus possit quàm minor, tãto quantum est quadratum lineæ sibi commensurabilis longitudine, & præterea quartæ parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammũ applicetur secundum maiorem, ex qua maiore tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantũ est alterum latus ipsius parallelogrammi, parallelogrammum sui applicatione diuidit maiorem in partes inter se longitudine commensurabiles.

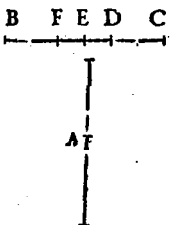


ἢ ἂν ἐλάσσονον ἴσον παρὰ τὴν μείζονα παρεβλήθῃ ἐλλείπον ἐῖδη τετραγώνου, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαμερῇ μήκη, ἢ μείζων ἐλάσσονον μείζον διωθήσεται, ὅθι ἂν ἀσύμμετρα ἐαυτῇ καὶ ἂν ἢ μείζων ἐλάσσονον μείζον δινηται ὅθι ἂν ἀσύμμετρα ἐαυτῇ, ὅθι ὅ τεταρτὴν ἂν ἐλάσσονον ἴσον παρὰ τὴν μείζονα παρεβλήθῃ ἐλλείπον ἐῖδη τετραγώνου, εἰς ἀσύμμετρα αὐτὴν διαμερῇ μήκει.

Theor. 16. Propo. 19.

Si fuerint duæ rectæ inæquales, quartæ autē parti quadrati lineæ minoris æquale parallelogrānum secundum lineam maiorem applicetur, ex qua linea tantū excurret extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus eiusdem parallelogrammi: si parallelogrānum præterea sui applicatione diuidat lineam in partes inter se longitudine incommensurabiles, maior illa linea tanto plus potest quàm minor, quantum est quadratum lineæ sibi maiori incommensurabilis longitudine. Quòd si maior linea tantò plus possit quàm minor, quantum est quadratum lineæ incommensurabilis sibi longitudine: & præterea quartæ parti

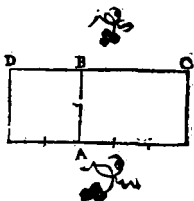
quadrati lineæ minoris æquale parallelogrammum applicetur secundum maiorem, ex qua tantum excurrat extra latus parallelogrammi, quantum est alterum latus ipsius: parallelogrammum sui applicatione dividit maiorem in partes inter se incommensurabiles longitudine.



κ
Τὸ ὑπὸ ῥητῇ μὲν μήκει συμμέτρων κατὰ τὴν τῇ
πρὸς ῥητῇ τῷ τρόπῳ διδιδῶν ὑπομεχόμενον ὅρι
δογώνιον, ῥητὸν ὅστις.

Theor. 17. Propo. 20.

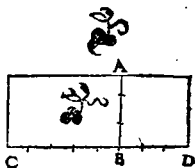
Superficies rectangula contenta ex lineis rectis rationalibus longitudine commensurabilibus secundum unum aliquem modum ex antecedentis, rationalis est.



κα
Ἐὰν ῥητὸν παρὰ ῥητῷ παραβληθῇ, πλάτῃ
ποιεῖ ῥητῷ καὶ σύμμετρον τῇ παρ' ᾧ παρακείται,
μήκει.

Theor. 18. Propo. 21.

Si rationale secūdum lineam rationalem applicetur, habebit alterum latus lineam rationalem & commensurabilem longitudine lineæ cui rationale parallelogrammum applicatur.

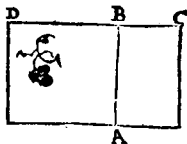


κβ

Τὸ ὡς ἐν τῷ δωαμὲ μόνον συμμέτρων διθῆναι ὡς ἐν τοῦ ἐκχώρου ὁρθογώνιου ἄλογόν ἐστι, καὶ ἡ δωαμένη αὐτῷ, ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ μέσην.

Theor. 19. Proposi. 22.

Superficies rectangula cōtenta duabus lineis rectis rationalibus potētia tantum cōmensurabilibus, irrationalis est. Linea autem quæ illam superficiem potest, irrationalis & ipsa est: vocetur verò medialis.

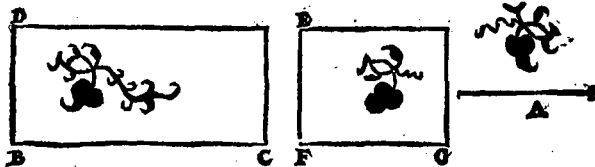


κγ

Τὸ ὡς ἐν τῷ δωαμὲ μόνον συμμέτρων διθῆναι ὡς ἐν τοῦ ἐκχώρου ὁρθογώνιου ἄλογόν ἐστι, καὶ ἡ δωαμένη αὐτῷ, ἄλογός ἐστι. καλεῖσθαι δὲ μέσην.

Theor.20. propo.23.

Quadrati lineæ medialis applicati secū-
dum lineam rationalem, alterum latus
est linea rationalis, & incommensurabi-
lis longitudine lineæ secundum quam
applicatur.

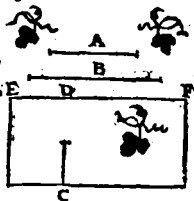


κδ

Ἡ τῇ μέσῃ σύμμετρον, μέση δέστιν.

Theor. 21. Propo. 24.

Linea recta mediali com-
mensurabilis, est ipsa quo-
que medialis.

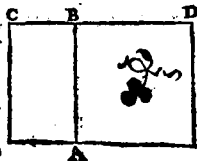


κε

Τὸ ἄνω μέσων μήκει σύμμετρον τῷ κάτω ἀδύνα-
τον μέσων μήκει, μέση δέστιν.

Theor. 22. Propo. 25.

Parallelogrammū rectan-
gulum contentum ex li-
neis medialibus longitu-
dine commensurabilibus,
mediale est.



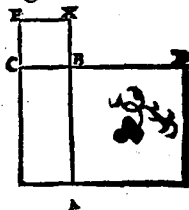
Τὸ ἄνω

κ δ

Τὸ ὑπὸ μέσων διδάμει μόνον συμμετρῶν περιεχόμενον ὁρθογώνιον, ἢ ἢ ῥητὸν, ἢ μέσον ὄντι.

Theor. 23. Propo. 26.

Parallelogrammum rectangulum comprehensum duabus lineis medialibus potentia tantum commensurabilibus, vel rationale est, vel mediale.

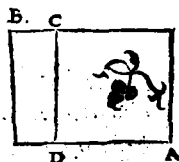
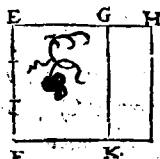


κ ε

Μέσον μέσον ἢ ὑπὸ ῥητῶν περιεχόμενον.

Theor. 24. Propo. 27.

Mediale non est maius quam mediale superficie rationali.

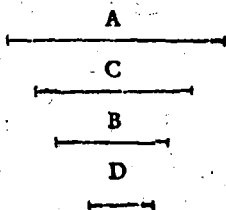


κ η

Μέγας ἢ ῥητὸν διδάμει μόνον συμμετρῶν, ῥητὸν περιεχόμενον.

Probl.4.Propo.28.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commensurabi-
les rationale com-
prehendentes.

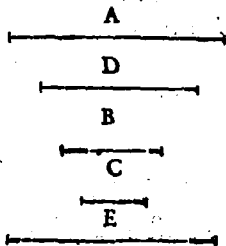


κ θ

μέγας εὐρεῖν δυνάμει μόνον συμμετρὺς μέσον πλε-
ονεχέας.

Probl.5. Propo.29.

Mediales lineas in-
uenire potentia tan-
tū commensura-
biles mediale com-
prehendentes.



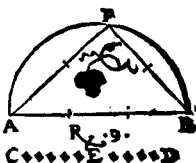
λ

εὐρεῖν δύο ῥητὰς δυνάμει μόνον συμμετρὺς, ὥς τε
πλὴν μείζονα αὐτῇ ἐλάττω μείζον δύνασθαι ἴσθαι
ἀλλ' ὅτι συμμετρὺς ἐαυτῇ μήκει.

Probl.6.Propo.30.

Reperire duas rationales potentia tan-

tum commensurabiles huiusmodi, ut maior ex illis possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

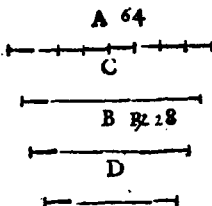


λα.

Εὐρεῖν δύο μέτρα διωάμει μόνον συμμετρικὰ ἑνὸς τοῦ πολλαπλασίου, ὥς ἐτι μείζονα αὐτὴ ἐλάσσονος μείζον διύνασθαι ἵεῖ ἀπὸ συμμετρικὰ ἐαυτῇ μήκει.

Proble.7.Propo.31.

Reperire duas lineas mediales potentia tantum commensurabiles rationalem superficiem continentes, tales inquam, ut maior possit plus quam minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.



λβ

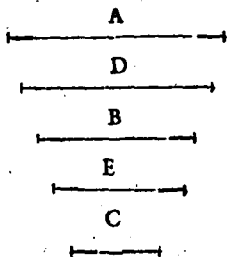
Εὐρεῖν δύο μέτρα διωάμει μόνον συμμετρικὰ μέτρα πολλαπλασίου, ὥς ἐτι μείζονα αὐτὴ ἐλάττονος μείζον διύνασθαι ἵεῖ ἀπὸ συμμετρικὰ ἐαυτῇ.

Probl.8.Propo.32.

Reperire duas lines mediales potentia

N ii

tantum commensurabiles medialē superficiem continētes, huiusmodi ut maior plus possit quā minor quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine.

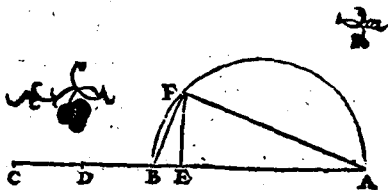


λ γ

Εὐρεῖν δύο διθείας δυνάμει ἀσυμμέτρους, ποιεῖσθαι δὲ συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων ἑκτόν, ὃ ὑπ' αὐτῶν μέσον.

Probl.9. Propo.33.

Reperire duas rectas potentia incommensurabiles, quarum quadrata simul addita faciant superficiē rationālē, parallelogrammū verò ex ipsius contentum sit mediale.



λ δ.

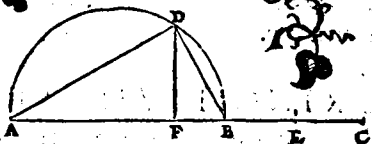
Εὐρεῖν δύο ἐυθείας δυνάμει ἀσυμμέτρους, ποιεῖσθαι δὲ συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τετραγώνων μέσον, ὃ δὲ ὑπ' αὐτῶν ἑκτόν.

Probl. 10. Propo. 34.

Reperire lineas duas rectas potentia incommensurabiles, conficientes compositum ex *msu*

ipfarū qua
dratis me
diale, pa-
rallelogra-
mum verò

ex ipsis contentum rationale.

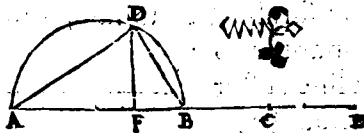


NE

Εὐρεῖν δύο εὐθείας διωάμει ἀσυμμέτρους, ποτέ (ας
τότε συγκείμνω ἐν τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνου
μέσσοι, καὶ ὑπ' αὐτῇ μέσοι, ὅτι ἐκ ἀσύμμετρον
ὅτι συγκειμένω ἐν τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνου.

Probl. II. Propo. 35.

Reperire duas lineas rectas potentia incommensurabiles, conficientes id quod ex ipsarum quadratis componitur mediale, simulque parallelogrammum ex ipsis contentum, mediale, quod preterea parallelogrammum



ΑΡΧΗ ΤΩΝ ΚΑΤΑ ΣΥΝ =

Θεωρήματα.

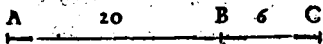
λς

Ἐὰν δύο ῥηταὶ διωράμῃ μόνου σύμμετροι σωτε-
θῶσιν, ἢ ὅλη ἀλογόσῃσι. καλεῖσθω δὲ ἐκ δύο
ὀνομάτων.

PRINCIPIUM SENARIO-
rum per compositionem.

Theor. 25. Propo. 36.

Si duæ rationales potentia tantum com-
mensurabiles componantur, tota linea e-
rit irrationalis. Vocetur
autem Bino-
mium.

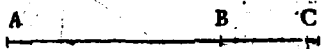


λζ.

Ἐὰν δύο μέσαι διωράμῃ μόνου σύμμετροι σωτε-
θῶσιν ῥητὴν ποδμήχθῃ, ἢ ὅλη ἀλογόσῃσι. καλεῖ-
σθω δὲ ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 26. Propo. 37.

Si duæ mediales potentia tantum com-
mensurabiles rationales continentes cō-
ponantur, tota linea est ir-
rationalis.



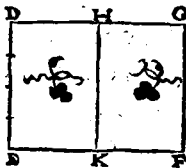
vocetur autem Bimediale prius.

λ η

Ἐὰν δύο μέτρα διωάμει μόνουσύμμετροι σωτε-
θῶσι μέσον, ὡς δὲ μέχεται, ἡ ὅλη ἀλογός ἐστι καλεί-
σθαι ὅ ἐκ δύο μέσων διδυτέρω.

Theor. 27. Propo. 38.

Si duæ mediales potentia tantum com-
mensurabiles mediale cō $\overline{A.P.E.B. \quad B.P.E.C}$
tinentes componantur,
tota linea est irrationalis.
vocetur autem Bimedia-
le secundum.



λ θ

Ἐὰν δύο δι' ἑαυτῶν διωάμει ἀσύμμετροι σωτεθῶ-
σι ποιεῖται τὸ μὲν συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῇ τε-
τραγώνων ῥητὸν, τὸ δ' ὑπ' αὐτῇ μέσον, ἡ ὅλη δι-
δυὰ ἀλόγος ἐστι καλείσθαι ὁ μείζων.

Theor. 28. Propo. 39.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes composi-
tum ex quadratis ipsarum rationale, pa-
rallelogrammum verò ex ipsis conten-
tum mediale, tota linea recta est irratio-
nalis. Voce-
tur autem li- $\overline{A \quad B \quad C}$
nea maior.

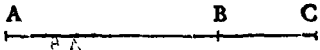
N. iiij. orp

μ

Ἐὰν δύο διζυῖαι δυναμὶ ἀσύμμετροι σωτεθῶ-
σι, ποιῆσαι τὸ τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν τε
τετραγώνων μέσον, & δ' ὑπ' αὐτῶν ῥητὴ ἢ ὅλη ἐν-
δυῖα ἀλογόσ' ὅσι. καλεῖσθαι δὲ ῥητὴν καὶ μέσον διζυ-
ναμένην.

Theor. 29. Propo. 4th.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes compo-
situm ex ipsarum quadratis mediale, id
verò quod fit ex ipsis, rationale, tota li-
nea est irra-
tionalis. Vo-



cetur autem

potens rationale & mediale.

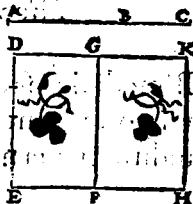
μ

Ἐὰν δύο ἐνδυῖαι δυναμὶ ἀσύμμετροι σωτεθῶ-
σι ποιῆσαι τὸ τε συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν
τετραγώνων μέσον, καὶ δ' ὑπ' αὐτῶν μέσον, καὶ ἐν-
δυσύμμετρον ὅδ' συγκείμενον ἐκ τῶν ἀπ' αὐτῶν
τετραγώνων, ἢ ὅλη διζυῖα ἀλογόσ' ὅσι. καλεῖσθαι
δὲ δύο μέτρα δυναμένην.

Theor. 30. Propo. 4th.

Si duæ rectæ potentia incommensurabi-
les componantur, conficientes compo-
situm ex quadratis ipsarum mediale, &
quod cōtinetur ex ipsis, mediale, & præ-

terea incommensurabile
composito ex quadratis
ipsarum, tota linea est ir-
rationalis. Vocetur autē
Potens duo medialia.



$\mu\beta$
Ἡ ἐκ δύο ὀνομάτων καθ' ἓν μόνον σημεῖον δια-
γίγεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 31. Propo. 42.

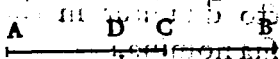
Binomium in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina, id est in li-
neas ex quibus
componitur.



$\mu\gamma$
Ἡ ἐκ δύο μέσων πρώτη καθ' ἓν μόνον σημεῖον
διαγίγεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 32. Proposi. 43.

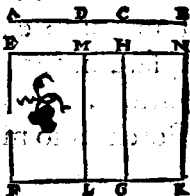
Bimediale prius in vnico tantum puncto
diuiditur in sua
nomina.



$\mu\delta$
Ἡ ἐκ δύο μέσων δεύτερα καθ' ἓν μόνον σημεῖον
διαγίγεται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 33. Propo. 44.

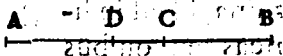
Bimediale secundum in
vnico tantum puncto di-
uiditur in sua nomina.



Η μείζων κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαιρεῖται
εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 34. Propo. 45.

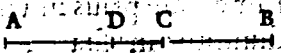
Linea maior in vnico tantum puncto di-
uiditur in sua no-
mina.



Η ῥητὴ καὶ μέσων διαιρεμένη κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον ση-
μεῖον διαιρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 35. Propo. 46.

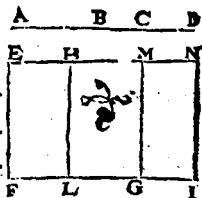
Linea potens rationale & mediale in v-
nico tantum pū-
cto diuiditur in
sua nomina.



Η δύο μέγεθ διαιρεμένη κατὰ τὸ αὐτὸ μόνον σημεῖον διαι-
ρεῖται εἰς τὰ ὀνόματα.

Theor. 36. Pro-
posi. 47.

Linea potēs duo media-
lia in vnico tantūm pun-
cto diuiditur in sua no-
mina.



ὍΡΟΙ ΔΕΥΤΕΡΟΙ.

ὑποκειμένης ῥητ^ς, καὶ α^α ἐκ δύο ὀνομάτων διληπμέ-
νης εἰς τὰ ὀνόματα, ἥς ε^ς μείζον ὄνομα F ἐλάττω-
τον Θ μείζον δύναται Ψ ἀπ' ἀσυμμέτρου
ἑαυτῇ μήκει.

Εἰ αὖ μ^ς ε^ς μείζον ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκη τῇ ἐκκει-
μένῃ ῥητῇ, καλεῖσθω ὅλη ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτη.

Εἰ αὖ ε^ς ἐλάττω ὄνομα σύμμετρον ἢ μήκη τῇ ἐκκει-
μένῃ ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων διδυτέρα.

Εἰ αὖ μᾶλλον ἑτέρου α^α ὀνομάτων σύμμετρον ἢ μή-
κη τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ, καλεῖσθω ἐκ δύο ὀνομάτων
ξίτη.

Πάλιν δὲ εἰ αὖ ε^ς μείζον ὄνομα F ἐλάττωσιν Θ μεί-
ζον δύνηται Ψ ἀπ' ἀσυμμέτρου ἑαυτῇ μήκει.

α

Ἐὰν ᾖ τὸ μείζον ὀνομασύμμετρον ἢ μηδὲ τῇ ἐκκεί-
μενῃ ῥητῇ, καλεῖσθαι ἐν δύο ὀνομάτων τεταρτη.

ε

Ἐὰν ᾖ τὸ ἑλάττω, πέμπτη.

ζ

Ἐὰν ᾖ μηδέτερον, ἕκτη.

DEFINITIONES

secundæ.

*Proposita linea rationali, & binomio diuiso in
sua nomina, cuius binomij maius nomē, id est
maior portio possit plusquam minus nomen
quadrato lineæ sibi, maiori inquam nomini,
commensurabilis longitudine:*

*Si quidem maius nomen fuerit commensurabile
longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur
tota linea Binomium primum:*

2

*Si verò minus nomē, id est minor portio Bino-
mij, fuerit commensurabile longitudine propo-
sitæ lineæ rationali, vocetur tota linea Binomium
secundum:*

3

*Si verò neutrum nomen fuerit commensurabile
longitudine propositæ lineæ rationali, vocetur
Binomium tertium.*

Rursus si maius nomen possit plusquam minus
nomen quadrato lineæ sibi incommensurabilis
longitudine:

4

Si quidem maius nomen est commensurable lon-
gitudine propositæ lineæ rationali, vocetur tota
linea Binomium quartum:

5

Si verò minus nomē fuerit commensurable lon-
gitudine lineæ rationali, vocetur Binomiū quin-
tum.

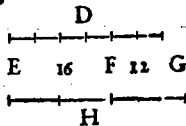
6

Si verò neutrum nomen fuerit longitudine com-
mensurable lineæ rationali, vocetur illa Bino-
mium sextum.

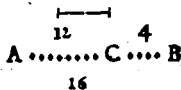
μ η

Ευρεῖν τιῶ ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτῳ.

Probl. 12. Pro-
pos. 48.



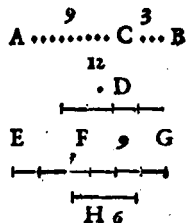
Reperire Binomiū pri-
mum.



μ θ

Ευρεῖν τιῶ ἐκ δύο ὀνομάτων δευτέρῳ.

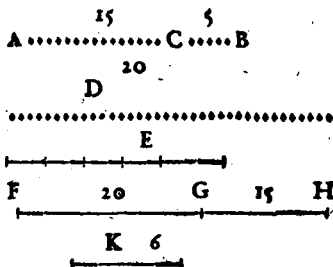
Proble.13.Pro-
posi.49.



Reperire Binomiū se-
cundum.

Ἐυρεῖν τιτὼ ἐκ δύο ὀνομάτων βίττω.

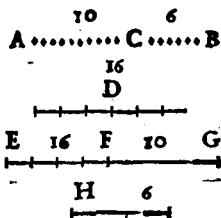
Probl.14.
Pro.50.



Reperire
Binomium
tertium.

Ἐυρεῖν τιτὼ ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρττω.

Probl.15.Pro-
posi.51.

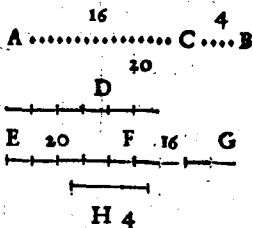


Reperire Binomiū
quartum.

γ β

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων πέμπτιω.

Probl.16. Propo-
siti.52.

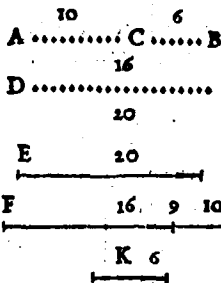


Reperire Bino-
mium quintum.

γ γ

Εὐρεῖν τιὼ ἐκ δύο ὀνομάτων ἕκτιω.

Probl.17. Propo-
siti.53.



Reperire Bino-
mium sextum.

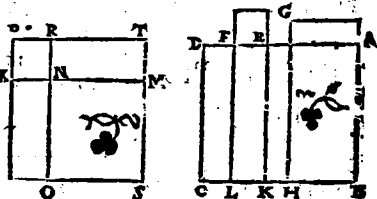
γ δ

Εἰ ἂν χωρίον περιέχεται ὑποῖντι καὶ ἂν ἐκ δύο ὀνομάτων πρώτης, ἢ ἂν χωρίον διωαμένη ἄλογός ὅσῃ ἢ καλεμένη ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor.37. Propo.54.

Si superficies contēta fuerit ex rationa-

li & Binomio primo, linea quæ illam superficiem potest est irrationalis, quæ Binomium vocatur.

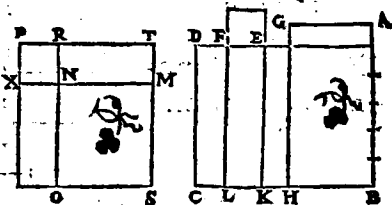


16

Εἴ ἂν χωρίον περιέχῃται ὑπὸ ῥητῆς & ῥητὴν δύο ὀνομάτων διδυτέρως, ἢ ὃ χωρίον διωαμένη ἄλογος ὅσῃ ἢ καλυμένη ἐκ δύο μέσων πρώτη.

Theor. 38. Propo. 55.

Si superficies contenta fuerit ex linea rationali & Binomio secundo, linea potes illā superficiem est irrationalis, quæ Binomiale primū vocatur.



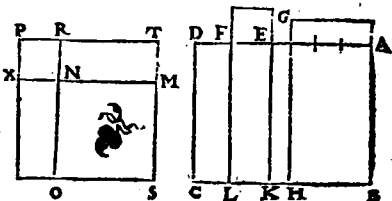
15

Εἴ ἂν χωρίον περιέχῃται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ῥητὴν δύο ὀνομάτων τρίτης, ἢ ὃ χωρίον διωαμένη ἄλογος ὅσῃ ἢ καλυμένη ἐκ δύο μέσων διδυτέρως.

Theor. 39. Propo. 56.

- Si superficies contineatur ex rationali & Binomio

Binomio tertio, linea quæ illâ superficiē
potest, est
irrationalis, quæ dicitur Bi-
mediale
secūdum.



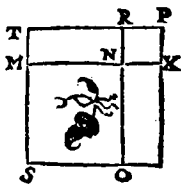
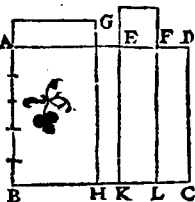
νζ

Ἐὰν χωρίον πῶς ἐλέγχεται ὡς πρὸς ῥητῆς καὶ τὸ ἐκ δύο
ὀνομάτων τετάρτης, ἢ ὅς χωρίον διωχμένη ἄλογός
ᾖσιν, ἢ καλεσμένη μεζωρ.

Theor. 40. Prop. 57.

Si superficies contineatur ex rationali &
Binomio

quarto, li-
nea potēs
superficiem
illam, est
irrationalis, quæ dicitur maior.



νη

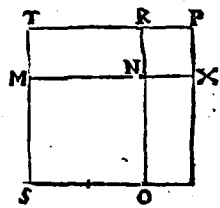
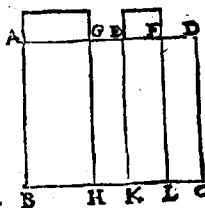
Ἐὰν χωρίον πῶς ἐλέγχεται ὡς πρὸς ῥητῆς καὶ τὸ ἐκ δύο
ὀνομάτων πέμπτης, ἢ ὅς χωρίον διωχμένη ἄλογός
ᾖσιν, ἢ καλεσμένη ῥητὴν ὁ μέσον διωχμένη.

Theor. 41. Prop. 58.

Si superficies contineatur ex rationali &
Binomio quinto, linea quæ illam super-

ficiē po-
test, est
irratio-
nalis quę
dicitur

potēs ra-
tionale & mediale.

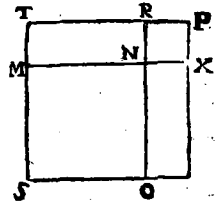
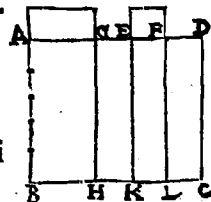


10

Εἰ ἂν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀπὸ ἐκ δύο
ὀνομάτων ἑκτῆς, ἢ ὅτε χωρίον διωαμένη ἀλογός ὅστις,
ἢ καλαμένη δύο μέτρα διωαμένη.

Theor. 42. Propo. 59.

Si superficies contineatur ex rationali &
Binomio sexto, linea quę illam super-
ficiē po-
test, est
irratio-
nalis,
quę dici-
tur po-
tens duo medialia.

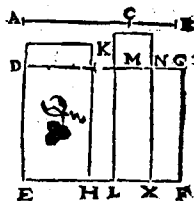


ξ

Τὸ ἀπὸ ἀπὸ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητὴν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτην.

Theor. 43. Propo. 60.

Quadratum Binomii secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium primum.

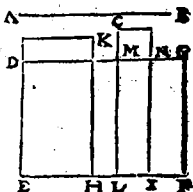


ξ α

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητῇ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων διδυτέραν.

Theor. 44. Propo. 61.

Quadratum Bimedialis primi secundum rationalem lineam applicatum, facit alterum latus Binomium secundum.

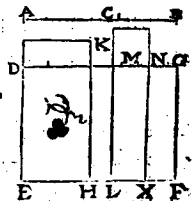


ξ β

Τὸ ἀπὸ τοῦ ἐκ δύο μέσων διδυτέρας παρὰ ῥητῇ παραβαλλόμενον, πλάτος ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ζήτην.

Theor. 54. proposit. 62.

Quadratum Bimedialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium tertium.



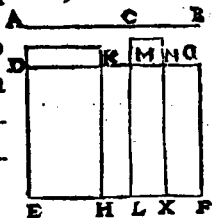
O ii

ξγ

Τὸ ἀπὸ αὐτοῦ μείζονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτην.

Theor. 46. Propo. 63.

Quadratum lineæ maio-
ris secundum lineam ra-
tionalem applicatū, fa-
cit alterum latus Bino-
mium quartum.

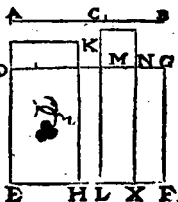


ξδ

Τὸ ἀπὸ αὐτοῦ ῥητὴν ἐν μέσον διωαμένης παρὰ ῥητῶν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τὴν ἐκ δύο ὀνομά-
των πέμπτην.

Theor. 47. Propo. 64.

Quadratum lineæ poten-
tis rationale & mediale
secundū rationalem ap-
plicatum, facit alterū la-
tus Binomium quintum.

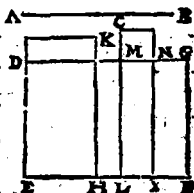


ξε

Τὸ ἀπὸ αὐτοῦ ἐκ δύο μέγεθ διωαμένης παρὰ ῥητῶν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ τὴν ἐκ δύο ὀνε-
μάτων ἑκτην.

Theor. 48. Propo. 65.

Quadratum lineæ poten-
tis duo medialia secun-
dum rationalem appli-
catum, facit alterum la-
tus Binomium sextum.

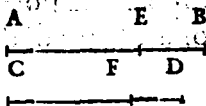


ξς

Η· τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων μήκει σύμμετρον, ὡς αὐτῇ
ἐκ δύο ὀνομάτων ὅσιν, καὶ τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 49. Propo. 66.

Linea lōgitudine cō-
mēsurabilis Binomio-
est & ipsa Binomium
eiusdem ordinis.

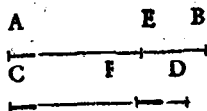


ξζ

Η· τῇ ἐκ δύο μέσων μήκει σύμμετρον, ἐκ δύο μέ-
σων ὅσιν, ὡς τῇ τάξει ἡ αὐτή.

Theor. 50. Propo. 67.

Linea lōgitudine cō-
mensurabilis alteri bi-
medialium, est & ipsa
bimediale etiam eius-
dem ordinis.

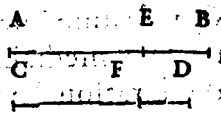


ξη

Η· τῇ μείζονι σύμμετρον, καὶ αὐτῇ μείζων ἐστίν.

Theor. 51. Propo. 68.

Linea commensurabi
lis lineæ maiori, est &
ipsa maior.

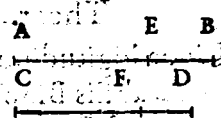


ξ θ

Ἡ τῇ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη σύμμετρον, καὶ αὐ-
τῇ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη ὅστις.

Theor. 52. Propo. 69.

Linea commensurabilis lineæ potenti ra-
tionale & mediale, est &
& ipsa linea potēs ra-
tionale & mediale.

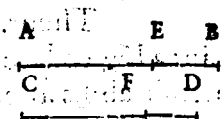


ο

Ἡ τῇ δύο μέσῃ διωαμένη σύμμετρον, δύο μέσῃ
διωαμένη ὅστις.

Theor. 53. Propo. 70.

Linea commensurabi
lis lineæ potenti duo
medialia, est & ipsa li-
nea potens duo me-
dialia.

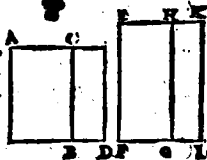


ο α

ῥητῇ καὶ μέσῃ συνθεμένη, τέσσαρες ἄλογοι γίνον-
ται, ἢ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἢ ἐκ δύο μέσων πρώτων,
ἢ μείζων, ἢ ῥητῇ καὶ μέσῳ διωαμένη.

Theor. 54. Prop. 71.

Si duæ superficies rationalis & medialis simul componantur, linea quæ totam superficiem compositam potest, est vna ex quatuor irrationalibus,  vel ea quæ dicitur Binomium, vel bimediale primum, vel linea maior, vel linea potens rationale & mediale.

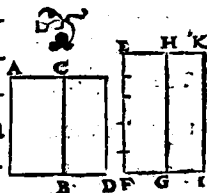


οβ

Δύο μέσων ἀσυμμέτρων ἀλλήλοις σωμαζόμενων, αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι ἢ ἐκ δύο μέσων αὐτῶν, ἢ ἢ δύο μέγεθρα διασπασμένη.

Theor. 55. Prop. 72.

Si duæ superficies mediales incommensurabiles simul componantur, fiunt reliquæ duæ lineæ irrationales, vel bimediale secundum, vel linea potēs duo medialia.



Oiiii

Η' ἐκ δύο ὀνομάτων ὧ αἱ μετ' αὐτῶν ἄλογοι,

ἔτε τῇ μέσῃ, ἔτε ἀλλήλους εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ ῥητῶν, καὶ ἀσύμμετρον τῇ παρ' αὐτῶν
παρακρίνεται, μήκει.

Τὸ δ' ἀπὸ αὐτῆς ἐκ δύο ὀνομάτων παρὰ ῥητῶν παρα-
βαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων
πρώτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ αὐτῆς ἐκ δύο μέσων πρώτης παρὰ ῥητῶν
παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο
ὀνομάτων διδυτέρων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἐκ δύο μέσων διδυτέρας παρὰ ῥη-
τῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ
δύο ὀνομάτων τρίτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς μείζονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμε-
νον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων τετάρτων.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ῥητῆς ὧ μέσων διωαμένης παραβαλ-
λόμενον, πλάτος ποιεῖ, τῶν ἐκ δύο ὀνομάτων
πέμπτων.

Τὸ ὅ ἀρ' αὖ δύο μέγεθ' ἀνωμαμένης παρὰ ῥητὴν πα-
ραβαλλόμενον, πλάτθ' ποιῇ, τὴν ἐκ δύο ὄνυμα-
ταρ ἐκτὴν.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτθ' ἀφ' ἑρ' τῶν πρώ-
τη καὶ ἀλλήλων, ἥ ἢ πρώτα, ὅτε ῥητὴ ὄνις, ἀλλή-
λων, ὅτε τῇ τάξει ἐκ εἰσὶν αἱ αὐταί, διήλου ὡς ἔ-
αυταὶ αἱ ἄλογοι ἀφ' ἑρ' αὐτῶν ἀλλήλων.

SCHOLIUM.

*Binomium & cetera consequentes lineæ irratio-
nales, neque sunt eadem cum lineæ mediali;
neque ipsæ inter se.*

*Nam quadratum lineæ medialis applicatum se-
cundum lineam rationalem, facit alterum la-
tus lineam rationalem, & longitudine incom-
mensurabilem lineæ secundum quam applica-
tur, hoc est, lineæ rationali, per 23.*

*Quadratum verò Binomij secundum rationale
applicatum, facit alterum latus Binomium
primum, per 60.*

*Quadratum verò Bimedialis primi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-
nomium secundum, per 61.*

*Quadratum verò Bimedialis secundi secundum
rationalem applicatum, facit alterum latus Bi-*

nomium tertium, per 62.

Quadratum verò lineæ maioris secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quartum, per 63.

Quadratum verò lineæ potentis rationale & mediale secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium quintum, per 64.

Quadratum verò lineæ potentis duo medialia secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Binomium sextum, per 65.

Cum igitur dicta latera, quæ latitudines vocantur, differant & à prima latitudine, quoniam est rationalis, cum inter se quoque differant, eo quia sunt Binomia diversorum ordinum: manifestum est ipsas lineas irracionales, differentes esse inter se.

ΔΕΥΤΕΡΑ ΤΑ ΞΙΣ ΕΤΕΡΩΝ ΔΟ-
γων τ' καὶ ἀφαίρεσιμ.

Ἀρχὴ τῶν κατ' ἀφαίρεσιμ ἐξ αὐτῶν.

γ ο

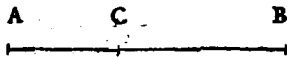
Ἐὰν ἀπὸ ἐκτὸς ἐκτὸς ἀφαιρεθῇ διωσόμεν μόνον
σύμμετρον ἔξ τῆ ὅλης, ἢ λοιπὴ ἀλογός ὅστις καλεῖ-
σθαι ἀποτομήν.

SECUNDVS ORDO ALTERIVS
sermonis, qui est de detractione.

Principium senariorū per detractionē.

Theor. 56. Propo. 73.

Si de linea rationali detrahatur rationalis potentia tantum commensurabilis ipsi toti, residua est irrationalis. vocetur autem Residuum.

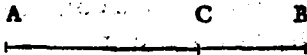


ο δ

Ἐὰν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διωάμη μόνου σύμμετρο ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ὅλης ἑνὲς περὶ ἑξῆς, ἢ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστι. καλεῖσθω ὁ μέσης ἀχτομή πρώτη.

Probl. 57. Propo. 74.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti lineæ, quæ verò detracta est cum rota cōtineat superficiem rationalem, residua est irrationalis. Vocetur autem Residuum mediale primum.

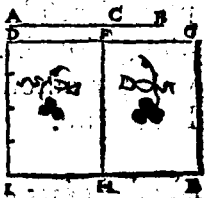


ο ε

Ἐὰν ἀπὸ μέσης μέση ἀφαιρεθῇ διωάμη μόνου σύμμετρο ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ ὅλης μέσου περὶ ἑξῆς, ἢ λοιπὴ ἀλογόσ ἐστι. καλεῖσθω ὁ μέσης ἀχτομή πρώτη.

Theor. 58. Propo. 75.

Si de linea mediali detrahatur medialis potentia tantum commensurabilis toti, quæ verò detracta est, cū tota contineat superficiē medialem, reliqua est irrationalis. Vocetur autē Residuum mediale secundum.

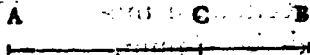


ο 5

Ἐὰν ἀπὸ διθείας δι' ἑαυτῆς ἀφαιρεθῇ δυναμὴ ἀσύμμετρος ὅλῃ, μετὰ ἧς ὅλης ποιεῖται ὁ ἀπ' αὐτῆς ἅμα ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῆς μέσον, ἢ λοιπὴ ἀλογόσβδι καλεῖσθαι δεῖ ἐλάσσω.

Theor. 57. Propo. 76.

Si de linea recta detrahatur recta potentia incommensurabilis toti, compositum autem ex quadratis totius lineæ & lineæ detractæ sit rationale, parallelogrammū verò ex iisdem contentum sit mediale, reliqua linea erit irrationalis. Vocetur autem linea minor.



ο 7

Ἐὰν ἀπὸ διθείας δι' ἑαυτῆς ἀφαιρεθῇ δυναμὴ ἀσύμμετρος ὅλῃ, μετὰ ἧς ὅλης ποιεῖται ὁ ἀπ' αὐτῆς ἅμα ῥητὸν, τὸ δὲ ὑπὸ αὐτῆς μέσον, ἢ λοιπὴ ἀλογόσβδι καλεῖσθαι δεῖ ἐλάσσω.

συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου, μέ-
σον, & ὅστις ὑπ' αὐτῆς, ἐστὶν ἡ λοιπὴ ἀλογόσ ὅστις
καλείσθω ὅτι μετὰ ἐστὶν μέσον & ὅλον ποιεῖται.

Theor. 58. Propo. 77.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, cōposi-
tum autem ex quadratis totius & lineæ
detractæ sit mediale, parallelogrammum
verò bis ex eisdem cōtentum sit rationa-
le, reliqua linea est irrationalis. Vocetur
autem linea faciens cum superficie ra-
tionali totam su-
perficiem me-
dialcm.



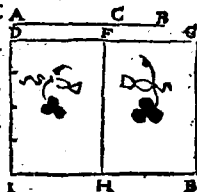
ΟΗ

Ἐὰρ ἀπὸ διθείας διθείας ἀφαιρεθῇ δυναμὴ ἀσύμ-
μετρος ὅτι τῆς ὅλης, μετὰ ὅτι ὅλης ποιεῖται ὅτι
συγκείμενον ἐκ τῆς ἀπ' αὐτῆς τετραγώνου, μέσον,
& ὅστις ὑπ' αὐτῆς, μέσον, ἔτι ὅτι ἀπ' αὐτῆς τε-
τραγώνου ἀσύμμετρος ὅτι ὅστις ὑπ' αὐτῆς, ἡ λοι-
πὴ ἀλογόσ ὅστις. καλείσθω ὅτι μετὰ μέσον μέσον &
ὅλον ποιεῖται.

Theor. 59. Propo. 78.

Si de linea recta detrahatur recta poten-
tia incommensurabilis toti lineæ, cōposi-
tum autem ex quadratis totius & lineæ
detractæ sit mediale, parallelogrammū

verò bis ex iisdem sit etiam mediale: pre-
terea sint quadrata ipsarum incommen-
surabilia parallelogrammo bis ex iisdem
contēto, reliqua linea est
irrationalis. Vocetur au-
tem linea faciens cum su-
perficie mediali totam su-
perficiem medialem.

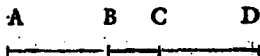


οθ

τῇ ἡχοτομῇ μία μόνον προσαρμόζει διθεῖα ἐκτῇ,
διωάμει μόνον σύμμετρον ἔξ τῇ ὅλῃ.

Theor. 60. Propo. 79.

Residuo vnica tantū linea recta cōiungi-
tur rationalis, po-
tētia tantūm cōmē-
surabilis toti lineæ.

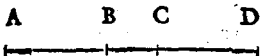


π

τῇ μέσῃ ἀποτομῇ πρώτῃ μόνον μία προσαρμό-
ζει διθεῖα μέση, διωάμει μόνον σύμμετρον ἔξ
τῇ ὅλῃ, μετὰ τῇ ὅλῃς ῥατὴν ποδόμεχον.

Theor. 61. Propo. 80.

Residuo mediali primo vnica tantūm li-
nea coniungitur medialis, potentia tan-
tūm commēsurabi-
lis toti, ipsa cum to-
ta continens ratio-
nale.

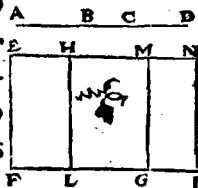


π α

τῇ μέσῃ ἀρτομῇ διδυτέρα μία μόνου προσαρ-
μόζει διδυέα μέσῃ, διωάμει μόνου σύμμετρο
ἔσται τῇ ὅλῃ, μετὰ τῇ ὅλῃς μέσῃ ἀδιδέχαστα.

Theor. 62. Proposi. 81.

Residuo mediali secundo
vnica tantum coniungi-
tur medialis, potētia tan-
tum commensurabilis to-
ti, ipsa cum tota continēs
mediale.

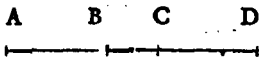


π β

τῇ ἐλάσσονι μία μόνου προσαρμόζει διδυέα διωά-
μει ἀσύμμετρος ἔσται τῇ ὅλῃ, πάντα μετὰ τῇ ὅλῃς
ἔσται τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνῳ, ῥητὸν, τῇ δὲ δις
ὑπ' αὐτῇ, μέτρον.

Theor. 63. Propo. 82.

Lineę minori vnica tantum recta coniū-
gitur potentia incommensurabilis toti,
faciens cum tota compositū ex quadra-
tis ipsarum rationa-
le, id verò parallelo
grāmmum, quod bis
ex ipsis fit, mediale.



π γ

τῇ μετὰ ῥητῇ μέτρῳ τὸ ὅλον ποιήσει μία μόνου προσ-
αρμόζει διδυέα διωάμει ἀσύμμετρος ἔσται τῇ

ὅλη, μετὰ ὃ τ' ὅλης ποιεῖται ἡ συγκεῖμλον ἐκ τ'
ἀπ' αὐτῇ τετραγώνω, μέσση, τ' ὅλης ὑπ' αὐτῇ,
ῥητόν.

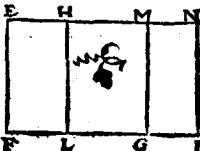
Theor. 64. Propo. 83.

Linæ facienti cum superficie rationali
totam superficiem medialem, vnica tan
tū coniūgitur linea recta potentia in
commensurabilis toti, faciens autem cū
tota compositum ex quadratis ipsarum,
mediale, id verò
quod fit bis ex ipsis, 
rationale.

π δ

Τῇ μετὰ μέσση μέσση τ' ὅλην ποιεῖται μία μόνον
πρὸς ἑαυτῇ διὰ τὴν διωκάμεν ἀσύμμετρον ἔχει
τῇ ὅλη, μετὰ δὲ τ' ὅλης ποιεῖται τό, τε συγκεῖμλον
ἐκ τῇ ἀπ' αὐτῇ τετραγώνω, μέσση, τ' ὅλης ὑπ'
αὐτῇ, μέσση, καὶ ἔτι ἀσύμμετρον τ' συγκεῖμλον ἐκ
τῇ ἀπ' αὐτῇ τῇ ὅλης ὑπ' αὐτῇ.

Theor. 65. Propo. 84.

Linæ cum mediali superficie faciēti to
tam superficiem medialem, vnica tantū
coniungitur linea poten 
tia toti incōmensurabilis,
faciens cum tota compo
situm ex quadratis ipsarū
mediale, id verò quod fit 

bis

bis ex ipsis etiam mediale, & præterea faciens compositum ex quadratis ipsarum incōmensurable ei quod fit bis ex ipsis.

ΟΡΟΙ ΤΡΙΤΟΙ.

ὑποκειμένης ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς.

^α
Ἐὰν ᾖ ὅλη α πρσαρμοζέσης μείζου διώηται
ῥ' ἀπὸ συμμετρῆς αὐτῇ μήκει, καὶ ἡ ὅλη σύμ-
μετροῖ β τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ μήκει, καλείσθω ἀ-
ποτομή πρώτη.

^β
Ἐὰν ᾖ ἡ πρσαρμοζέσα σύμμετροῖ γ τῇ ἐκ-
κειμένῃ ῥητῇ μήκει, δ ἡ ὅλη ϵ πρσαρμοζέ-
σης μείζου διώηται ῥ' ἀπὸ συμμετρῆς αὐ-
τῇ, καλείσθω ἀποτομή δευτέρα.

^γ
Ἐὰν ᾖ μικροτέρα σύμμετροῖ δ τῇ ἐκκειμένῃ ῥη-
τῇ μήκει, ἡ ὅλη ϵ πρσαρμοζέσης μείζου
διώηται ῥ' ἀπὸ συμμετρῆς αὐτῇ, καλείσθω
ἀποτομή τρίτη.

Πάλιν ἐὰν ἡ ὅλη ϵ πρσαρμοζέσης μείζου διώ-
ηται ῥ' ἀπὸ ἀσυμμετρῆς αὐτῇ μήκει.

δ

Ἐὰρ ὅτι ὅλη σύμμετρον ἢ τῇ ἐκκειμένῃ ῥητῇ
μήκει, καλείομαι ἀποτομὴ τετάρτη.

ε

Ἐὰρ ὅτι περὶ ῥημόζευξ, πέμπτη.

ς

Ἐὰρ ὅτι μηδετέρω, ἕκτη.

DEFINITIONES tertiæ.

Proposita linea rationali & residuo.

1

Siquidem tota, nempe composita ex ipso residuo & linea illi coniuncta, plus potest quam coniuncta, quadrato lineæ sibi commensurabilis longitudine, fueritque tota longitudine commensurabilis lineæ propositæ rationali, residuum ipsum vocetur Residuum primum:

2

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, ipsa autem tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis, residuum vocetur Residuum secundum:

3

Si verò neutra linearum fuerit longitudine

commensurabilis rationali, possit autem ipsa tota plusquam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine commensurabilis vocetur Residuum tertium.

Rursus si tota possit plus quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis:

4

Et quidem si tota fuerit longitudine commensurabilis ipsi rationali, vocetur Residuum quartum:

5

Si verò coniuncta fuerit longitudine commensurabilis rationali, & tota plus possit quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum quintum.

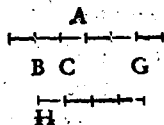
6

Si verò neutra linearum fuerit commensurabilis longitudine ipsi rationali, fueritque tota potentior quam coniuncta, quadrato lineæ sibi longitudine incommensurabilis, vocetur Residuum sextum.

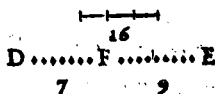
π ε

Εὐρεῖν τὸ πρῶτον ἀποτομῶν.

Probl.18.Pro-
posi. 85.

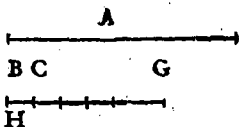


Reperire primum Re-
siduum.

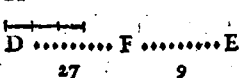


$\pi \varsigma$
Ευρεῖν τὴν πλὴντέραν ἀποτομὴν.

Probl.19.Pro-
posi.86.

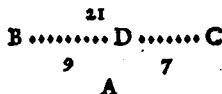


Reperire secundum
Residuum.

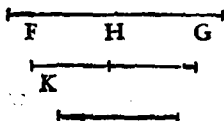


$\pi \zeta$
Ευρεῖν τὴν τρίτην ἀποτομὴν.

Probl.20.Pro-
posi.87.

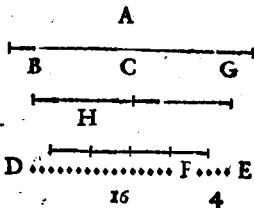


Reperire tertium Re-
siduum.



$\pi \eta$
Ευρεῖν τὴν τετάρτην ἀποτομὴν.

Probl. 21. Pro-
positio. 88.



Reperire quantum
Residuū.

^{π θ}
Ευρεῖν τὴν πῆμπτω ἀποτομήν.

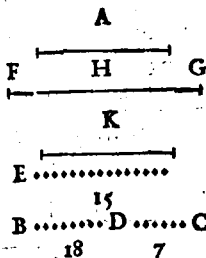
Problema 22. Pro-
positio 89.



Reperire quintum Resi-
duū.

⁴
Ευρεῖν τὴν ἑντὴ ἀποτομήν.

Problema 22. Pro-
positio. 90.

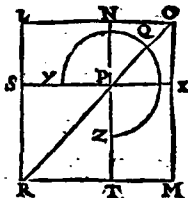
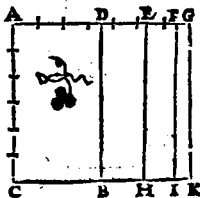


Reperire sextum Resi-
duū.

^{4 α}
Ἐὰν χαρτὸν πρὸ δέχεται ἡ ἀποτομὴς καὶ ἀποτομῆς
πρώτης, ἢ ἑξῆς χαρτὸν διωκόμεν, ἀποτομὴν ὅσῃ.

Theor.66.Proposi.91.

Si superficies cōtineatur ex linea rationali & residuo primo, linea quæ illam superficiē potest, est residuum.

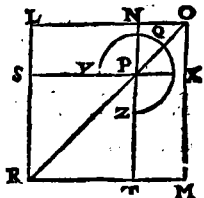
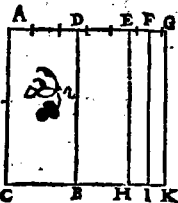


46

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ τρίτης καὶ ἀποτομῆς διωτέρας, ἢ ὅ χωρίον διωαμέν, μέσης ἀποτομῇ ὅτι πρώτη.

Theor.67.Propo.92.

Si superficies cōtineatur ex linea rationali & residuo secundo, linea quæ illam superficiē potest, est residuum mediale primum.

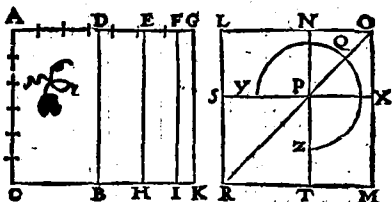


47

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ τρίτης καὶ ἀποτομῆς τρίτης, ἢ ὅ χωρίον διωαμέν, μέσης ἀποτομῇ ὅτι διωτέρα.

Theor. 68. Propo. 93.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo tertio, linea quæ illam superficiem potest, est residuum mediale secundum.

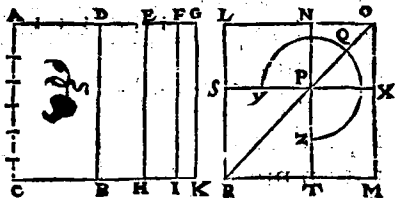


ζ δ

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀρτομῆς τεταρτης, ἢ τ' χωρίον διωαμένη, ἐλάσσων ὅσῃ.

Theor. 69. Propo. 94.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quarto, linea quæ illam superficiem potest, est linea minor.

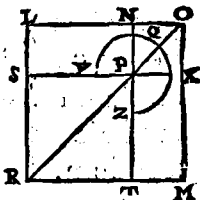
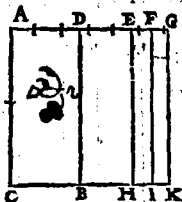


ζ ε

Εὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ρητῆς καὶ ἀποτομῆς πεμπτης, ἢ τ' χωρίον διωαμένη, ἢ μετὰ ρητῆς μέσου τ' ὅλον ποιεῖται ὅσῃ.

Theor. 70. Prop. 95.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo quinto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur cum rationali superficie faciens totam medialem.

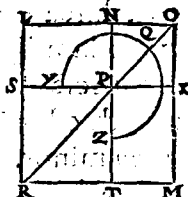
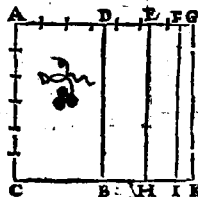


45

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ῥητῆς καὶ ἀποτομῆς ἑκτῆς, ἢ ἑξῶς χωρίον διωαμένη, μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποιεῖ ὅσον.

Theor. 71. Prop. 96.

Si superficies contineatur ex linea rationali & residuo sexto, linea quæ illam superficiem potest, est ea quæ dicitur faciens cum mediali superficie totam medialem.

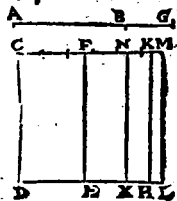


48

Τὸ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητῇ παραβαλλόμενον, πλάττει ποιεῖ ἀποτομὴν πρώτῃ.

Theor. 72. Propo. 97.

Quadratum residui secundum lineam rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum primum.

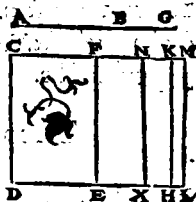


44

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀρτομῆς πρώτης παρὰ ῥητῶν παρὰ βαλλόμενον, πλατὺ ποιεῖ, ἀποτομὴν διδυτέρου.

Theor. 73. Propo. 98.

Quadratum residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum.

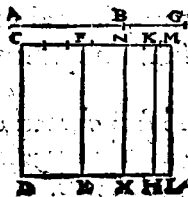


49

Τὸ ἀπὸ μέσης ἀποτομῆς διδυτέρου παρὰ ῥητῶν παρὰ βαλλόμενον, πλατὺ ποιεῖ, ἀποτομὴν βίτιον.

Theor. 74. Propo. 99.

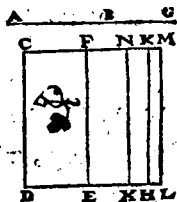
Quadratum residui medialis secundi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus Residuum tertium.



Τὸ ἀπὸ ἐλάσσονος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον,
πλατὺ ποιεῖ, ἀποτομὴν τετάρτην.

Theor. 75. Propo. 100.

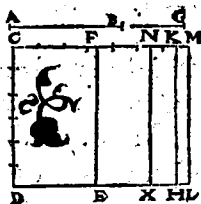
Quadratum lineæ mino-
ris secūdum rationalem
applicatum, facit alterū
latus residuum quartum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ ῥητῶν μέσων ὅλον ποίσεως παρὰ
ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλατὺ ποιεῖ, ἀποτο-
μὴν τέταρτην.

Theor. 76. Propo. 106

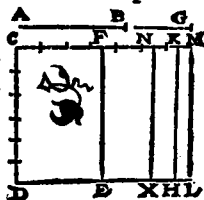
Quadratum lineæ cū ra-
tionali superficie faciētis
totam medialem, secun-
dum rationalem applica-
tum, facit alterū latus re-
siduum quintum.



Τὸ ἀπὸ τῆς μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποίσεως πα-
ρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλατὺ ποιεῖ, ἀπο-
τομὴν πέμπτην.

Theor. 77. Propo. 102.

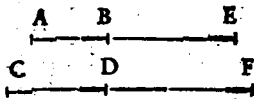
Quadratum lineæ cum mediali superficie facientis totam mediam, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum.



^{εγ}
 Η τῇ ἀποτομῇ μήκει σύμμετρον, ἀποτομή δὲ
 Θ τῇ τάξει ἢ αὐτῇ.

Theor. 78. Propo. 103.

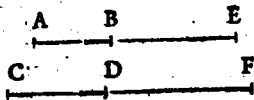
Linea residuo commensurabilis longitudine, est & ipsa residuum, & eiusdem ordinis.



^{εδ}
 Η τῇ μέσῃ ἀποτομῇ σύμμετρον, μέση ἀποτομή
 Ζ, Θ τῇ τάξει ἢ αὐτῇ.

Theor. 79. Propo. 104.

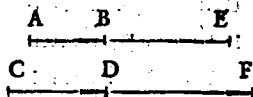
Linea commensurabilis residuo mediali, est & ipsa residuum mediale, & eiusdem ordinis.



^{ρ ε}
 Η τῇ ἐλάσσονι σύμμετρον, ἐλάσσων ὅστις.

Theor. 80. Prop. 105.

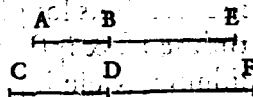
Linea commensurabilis lineæ minori, est & ipsa linea minor.



^{ρ ς}
 Η τῇ μετὰ ῥητῆ μέσων ὅλων ποιεῖσιν σύμμετρον, καὶ αὐτὴ μετὰ ῥητῆ μέσων ὅλων ποιεῖσιν ὅστις.

Theor. 81. Prop. 106.

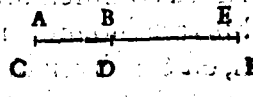
Linea commensurabilis lineæ cum rationali superficie facienti totam medialem, est & ipsa linea cū rationali superficie faciens totā medialem.



^{ρ ζ}
 Η τῇ μετὰ μέσων μέσων ὅλων ποιεῖσιν σύμμετρον, καὶ αὐτὴ μετὰ μέσων μέσων ὅλων ποιεῖσιν ὅστις.

Theor. 82. Prop. 107.

Linea commensurabilis lineæ cum mediāli superficie facienti totam medialem, est & ipsa cum mediāli superficie faciens totam medialem.

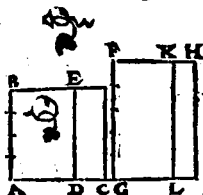


ρ η

Απὸ ῥητῶ, μέσῃ ἀφαιρεμένη, ἢ τ' λοιπὸν χωρίον
διωαμένη, μία δύο ἀλόγων γίνεται, ἥτοι ἀποτο-
μῇ, ἢ ἐλάττω.

Theor. 83. Propo. 108.

Si de superficie rationali detrahatur su-
perficie medialis, linea quæ reliquam
superficiem potest, est al-
terutra ex duabus irratio-
nalibus, aut Residuum,
aut linea minor.

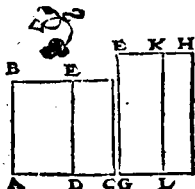


ρ θ

Απὸ μέσῃ, ῥητῶ ἀφαιρεμένη, ἄλλαι δύο ἄλογοι
γίνονται, ἥτοι μέσῃ ἀποτομῇ πρώτῃ, ἢ μετὰ ῥητῶ
τ' ὅλων ποῖσθε.

Theor. 84. Propo. 109.

Si de superficie mediali detrahatur su-
perficie rationalis, aliæ
duæ irrationales fiūt, aut
residuū mediale primū,
aut cum rationali superfi-
ciem faciens totam me-
dialem.



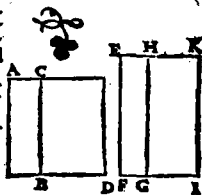
ρ ι

Απὸ μέσῃ, μέσῃ ἀφαιρεμένη ἀσυμμέτρῃ τῶν ὅλων,

αἱ λοιπαὶ δύο ἄλογοι γίνονται, ἥτοι μέση ἀποτομή μὴ διδυτέρω, ἢ μετὰ μέσων μέσων ὅλον ποιῶσα.

Theor.85.Propo.II.

Si de superficie mediali detrahatur superficies medialis quæ sit incōmēsurabilis toti, reliquæ duæ fiunt irrationales, aut residuū mediale secundum, aut cū mediali superficie facienstotam medialem.

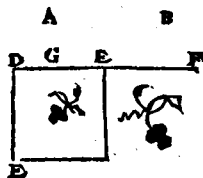


ρια

Ἡ ἀποτομή ἐκ ἑστῆς ἢ αὐτὴ τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor.86.Propo.III.

Linea quæ Residuū dicitur, nō est eadem cum ea quæ dicitur Binomiū.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

Ἡ ἀποτομή καὶ αἱ μετ' αὐτῶν ἄλογοι, ὅτε τῇ μέσῃ ὅτε ἀλλήλαις εἰσὶν αἱ αὐταί.

Τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ μέσης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ῥητῶν δ' ἀσύμμετρον τῇ

παρ' ὧν παρακίεται, μήκει.

Τὸ ὅ ἀπὸ ἀποτομῆς παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῶν πρώτῳ.

Τὸ ὅ ἀπὸ μέσης ἀποζυμῆς πρώτης παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῆν διωτέραν.

Τὸ ὅ ἀπὸ μέσης ἀποζυμῆς διωτέρας παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποτομῆν τρίτῳ.

Τὸ ὅ ἀπὸ ἐλάττωτος παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῆν τεταρτῳ.

Τὸ ὅ ἀπὸ ἀφ' ἑνὸς μετὰ ῥητῶν μέσου ὅλου ποίσεως παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῆν πέμπτῳ.

Τὸ ὅ ἀπὸ ἀφ' ἑνὸς μετὰ μέσου μέσου ὅλου ποίσεως παρὰ ῥητῶν παραβαλλόμενον, πλάτος ποιεῖ, ἀποζυμῶν ἑκτῳ.

Ἐπεὶ οὖν τὰ εἰρημένα πλάτη διαφέρει τῶν τε πρώτων ἢ ἀλλήλων (τῶν ἢ πρώτων, ὅτι ῥητῆ ὄντων, ἀλλήλων ὅ, ὅτι τάξει ἐκείνων αἱ αὐταὶ) διη-

λορ ὡς καὶ αὐταὶ αἱ ἄλλοι διὰ φέρουσιν ἀλλή-
 λωρ καὶ ἐπεὶ διέδιθηται ἡ ἀποδομὴ ἐκ τῆς αὐτῆς
 τῆς ἐκ δύο ὀνομάτων, ποιεῖσι ὅπλαται παρὰ ῥη-
 τὴν παρὰ βαλλόμενοι καὶ αἱ μετὰ τὴν ἀποδο-
 μὴν, ἀποδομὰς ἀκολούθως τῇ τάξει καθ' αὐτήν,
 αἱ ὅμως μετὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ταῖς ἐκ δύο ὀνο-
 μάτων, εἰ αὐταὶ τῇ τάξει ἀκολούθως, ἕτεροι ἄ-
 ρχεισιν αἱ μετὰ τὴν ἀποδομὴν, καὶ ἔτ' αἱ με-
 τὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων, ὡς εἶναι τῇ τάξει
 πάρος ἀλόγως ι γ.

α Μέσων.

η Αποδομὴν.

β Ἐκ δύο ὀνομάτων.

θ Μέσων ἀποδομὴν

γ Ἐκ δύο μέσων πρώ-
 τῶν.

πρώτῶν.

ι Μέσων ἀποδομὴν

δι Ἐκ δύο μέσων δευ-
 τέρων.

δευτέρων.

ια Ἐλάττωσα.

ε Μείζονα.

ιβ μετὰ ῥητὴν μέσων ῥ.

ς Ῥητὴρ καὶ μέσον διωα-
 μένων.

ὅλων ποιεῖσθαι.

ιγ μετὰ μέσων μέσων

ζ Δύο μέτρα διωαμέ-
 νων.

δ' ὅλων ποιεῖσθαι.

SCHO.

SCHOLIUM.

Linea quæ Residuum dicitur, & cæteræ quinque eam consequentes irrationales, neque lineæ mediali neq; sibi ipsæ inter se sunt eadē. Nam quadratum lineæ medialis secundum rationalem applicatum, facit alterum latus, rationalem lineam longitudine incommensurabilem ei, secundū quam applicatur, per 23. Quadratum verò residui secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuū primum, per 97.

Quadratum verò residui medialis primi secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum secundum, per 98.

Quadratum verò residui medialis secundi, facit alterum latus residuum tertiu, per 99.

Quadratum verò lineæ minoris facit alteru latus residuum quartum, per 100.

Quadratum verò lineæ cum rationali superficie facientis totam medialem, facit alterum latus residuum quintum, per 101.

Quadratum verò lineæ cum mediali superficie facientis totam medialem, secundum rationalem applicatum, facit alterum latus residuum sextum, per 102.

Cum igitur dicta latera, quæ sunt latitudines cuiusque parallelogrammi unicuique quadrato equalis & secundum rationalem applicati, differant & à primo latere, & ipsa inter se (nam à primo differunt, quoniã est rationalis linea: inter se verò differunt, quoniam sunt residua non eiusdem ordinis) constat ipsas quoque lineas irracionales inter se differentes esse. Et quoniam demonstratum est residuum non esse idem quod Binomium, quadrata autem residui & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex residuis eiusdem ordinis cuius sunt & residua, quorum quadrata applicantur rationali: similiter & quadrata Binomij & quinque linearum irrationalium illud consequentium, secundum rationalem applicata, faciunt altera latera ex Binomiis eiusdem ordinis cuius sunt & Binomia, quorum quadrata applicantur rationali. Ergo lineæ irracionales quæ consequuntur Binomium, & quæ consequuntur residuum, sunt inter se differentes. Quare dictæ lineæ omnes irracionales sunt numero 13.

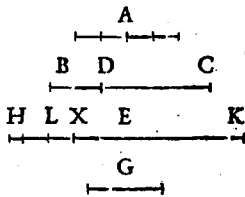
- | | | |
|---|------------------------------|------------------------------|
| 1 | <i>Medialis.</i> | <i>primum.</i> |
| 2 | <i>Binomium.</i> | 10 <i>Residuum media-</i> |
| 3 | <i>Bimediale primū.</i> | <i>le secundum.</i> |
| 4 | <i>Bimediale secundū.</i> | 11 <i>Minor.</i> |
| 5 | <i>Maior.</i> | 12 <i>Faciens cum ratio-</i> |
| 6 | <i>Potēs rationale &</i> | <i>nali superficie to-</i> |
| | <i>mediale.</i> | <i>tam medialem.</i> |
| 7 | <i>Potēs duo medialis.</i> | 13 <i>Faciens cum me-</i> |
| 8 | <i>Residuum.</i> | <i>diali superficie to-</i> |
| 9 | <i>Residuum mediale</i> | <i>tam medialem.</i> |

ριβ

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων παρα-
βαλλόμενον, πλάττει ποιεῖ, ἀποδομῶν, ἢς τὰ ὀνό-
ματα σύμμετρα ὄντι τοῖς ἑκ δύο ὀνομάτων ὀνόμα-
σι, καὶ ἐν ᾗ αὐτῶν λόγος. καὶ ἔτι ἡ γινόμενη ἀποτο-
μὴ τὴν αὐτὴν ἔχει τάξιν τῇ ἐκ δύο ὀνομάτων.

Theor. 87. Propo. 112.

Quadratum lineæ rationalis secundum
Binomium applicatum, facit alterum la-
tus residuum, cuius
nomina sunt com-
mensurabilia Bino-
mii nominibus, & in
eadē proportionē :
præterea id quod fit
Residuum, eundem



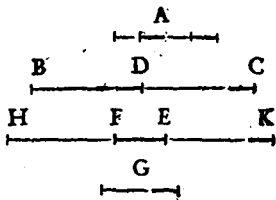
ordinem retinet quem Binomium.

ριγ

Τὸ ἀπὸ ῥητῆς παρὰ ἀπορρυθμὴν παραβαλλόμενον, πλεονάζει, τὴν ἐκ δύο ὀνομάτων ἥς τὰ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι τοῖς ἀπὸ τομῆς ὀνόμασι, ἐκ δὲ τοῦ αὐτῶ λόγου, ἐκ δὲ ἡ γινομένη ἐκ δύο ὀνομάτων, τὴν αὐτὴν τάξιν ἔχει τῇ ἀπορρυθμῇ.

Theor. 88. Propo. 113.

Quadratum lineæ rationalis secundum residuum applicatum, facit alterū latus Binomium, cuius nomina sunt commenfurabilia nomini- bus residui & in eadem proportio- ne: præterea id quod fit Binomium est eiusdē ordinis, cuius & Residuum.



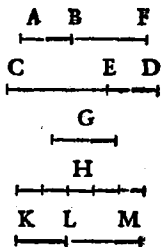
ριδ

Ἐὰν χωρίον περιέχεται ὑπὸ ἀπορρυθμῆς καὶ ἐκ δύο ὀνομάτων, ἥς τὰ ὀνόματα σύμμετρά ἐστι τοῖς ἀπὸ τομῆς ὀνόμασι, καὶ ἐκ τοῦ αὐτῶ λόγου, ἡ δὲ χωρίον διωαμένη, ῥητὴ ἐστίν.

Theor. 89. Propo. 114.

Si parallelogrammum cōtineatur ex re-

fiduo & Binomio, cuius nomina sunt commensurabilia nominibus residui & in eadem proportionē, linea quæ illam superficiem potest, est rationalis.

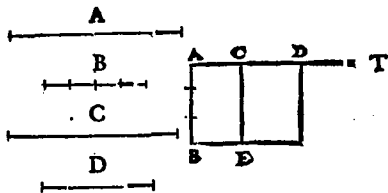


ρ 16

Ἀπὸ μέσης ἄπλοοι ἄλογοι γίνονται. Ὡς δὲ μία ἐ-
λεμᾶ τῇ πρὸς τὸν ὅρον ἢ αὐτῇ.

Theor. 90. Prop. 115.

Ex linea mediali nascuntur lineæ irrationales innumera-
rabiles, quarum nulla vlli ante di-
ctarum eadem sit.

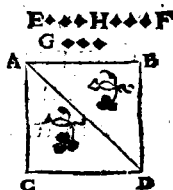


ρ 15

Γραφείτω ἡ μὲν δεῖξαι, ὅτι αὐτὴ τῇ τετραγώνων
χημάτων, αὐτὸς μετὰ ὅσον ἢ διαμετρετῇ πλο-
υρᾷ μήκη.

Propo. II6.

Propositū nobis esto de-
monstrare in figuris qua-
dratis diametrum esse lō
gitudine incommensura-
bilem ipsi lateri.



Elementi decimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ

ΙΑ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΠΡΩΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM VNDECIMVM,

ET SOLIDORVM

primum.

ΟΡΟΙ.

α

Στερεούμ βστι ε' μήκη, κ' πλατος, κ' βάθος ἔχου.

DEFINITIONES

β

Solidum, est quod longitudinem, latitudinem, & crassitudinem habet.

β

Στερεὺς ὁ πᾶσις, ἐπιφανεία.

Q. iiii

2

Solidi autem extremum est superficies.

γ

Εὐθεία πρὸς ἐπίπεδον ὁρθή ὄντι, ὅταν πρὸς πά-
σαις τῶν ἀπτομένων αὐτῆς ἐυθείαις, καὶ ἅς ἐν τῇ
αὐτῇ ἐπιπέδῳ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὁρθῷ ποιῇ γωνίας.

3

Linea recta est ad planum recta, cum ad
rectas omnes lineas, à quibus illa tangi-
tur, quæque in proposito sunt plano, re-
ctos angulos efficit.

δι

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁρθόν ὄντι, ὅταν αἱ τῇ
κοινῇ τομῇ τῶν ἐπιπέδων πρὸς ὁρθὰς ἀγόμεναι
εὐθεῖαι ἐν τῇ ἐπιπέδῳ, τῶν λοιπῶν ἐπιπέ-
δων πρὸς ὁρθὰς ὦσι.

4

Planum ad planum rectum est, cum re-
ctæ lineæ, quæ communi planorum se-
ctioni ad rectos angulos in vno planorū
ducuntur, alteri plano ad rectos sunt an-
gulos.

ε

Εὐθείας πρὸς ἐπίπεδον ὁρθὰς ὄντι, ὅταν ἀπὸ τῆς
μετεώρης πρυγῆς αὐτῆς ἐυθείας ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὁρθῷ
ποιῇ γωνίας, καὶ ἀπὸ τῶν γενομένων σημείων, ἃ ἀπὸ τῆς
ἐν τῇ ἐπιπέδῳ πρυγῆς αὐτῆς εὐθείας, ὁρθὰς

ἐπιζυγοῦν, ἢ περιεχομένη ὀξεία γωνία ἄνω ἀπὸ τῆς ἀχθείσης. Ω τ' ἐφεσώσης.

5

Rectæ lineæ ad planum inclinatio, acutus est angulus ipsa insistentē linea & adiuncta altera comprehensus, cū à sublimi rectæ illius lineæ termino deducta fuerit perpendicularis, atque à puncto quod perpendicularis in ipso plano fecerit, ad propositæ illius lineæ extremum, quod in eodem est plano, altera recta linea fuerit adiuncta.

5

Ἐπιπέδῳ πρὸς ἐπίπεδον κλίσις ὄξυς, ἢ περιεχομένη ὀξεία γωνία ἄνω τῇ πρὸς ὀρθῶς τῇ κοινῇ τομῇ ἀγομένῃ πρὸς τῇ αὐτῷ σημείῳ ἐνῆκατέρω τῇ ἐπιπέδῳ.

6

Plani ad planum inclinatio, acut⁹ est angulus rectis lineis cōtensus, quæ in utroque planorum ad idem cōmunis sectionis punctum ductæ, rectos ipsi sectioni angulos efficiunt.

7

Ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὁμοίως κεκλιθῆναι λέγεται, ὅταν πρὸς ἑτέρῳ, ὅταν αἱ εἰρημέναι τῇ κλίσεως γωνία ἴσται ἀλλήλαις ὡσι.

7

Planum similiter inclinatum esse ad planum, atque alterum ad alterum dicitur, cum dicti inclinationum anguli inter se sunt equales.

η

Παράλληλα ἐπίπεδα ἔστι τὰ ἀσύμπτωτα.

8.

Parallelæ planæ, sunt quæ eodem non incidunt, nec concurrunt.

θ

Ὅμοια στερεὰ σχήματα ἔστι, τὰ ἑξ ὁμοίων ἐπιπέδων περιεχόμενα ἴσων ἢ πλείους.

9

Similes figuræ solidæ, sunt quæ similibus planis, multitudine æqualibus continentur.

ι

Ἰσὰ ἢ ὁμοία στερεὰ σχήματα ἔστι, τὰ ἑξ ὁμοίων ἐπιπέδων περιεχόμενα ἴσων ἢ πλείους ἢ μείζους.

10

Æquales & similes figuræ solidæ sunt, quæ similibus planis, multitudine & magnitudine æqualibus continentur.

ια

Στερεὰ γωνία ἔστιν, ἡ ἑξ ὁμοίων ἢ διόμοιων

μῶν ἀπτομένων ἀλλήλων καὶ μὴ εἰ τῇ αὐτῇ ἐπιφανεῖα ἔσῳρ, πρὸς πάσαις ταῖς γραμμαῖς κλίσις.

II

Solidus angulus, est plurium quàm duarum linearum, quæ se mutuò contingāt, nec in eadem sint superficie, ad omnes lineas inclinatio.

Ἄλλως.

Ἐτερεὰ γωνία ἔστι, ἢ ἑπὶ πλάνῳ ἢ διὺ ἐπιπέδῳ γωνιῶν ποδμεχομένη, μὴ ἔσῳρ εἰ ἴδ' αὐτῷ ἐπιπέδῳ, πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισαμένων.

Aliter.

Solidus angulus, est qui pluribus quàm duobus planis angulis in eodem non consistentibus plano, sed ad vnum punctum collectis, continetur.

ιβ

Πύρραμῖς ἔστι σχῆμα στερεῶν ἐπιπέδοις ποδμεχομένου, ἀπ' ἐνὸς ἐπιπέδου πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνεισώς.

12

Pyramis, est figura solida quæ planis continetur, ab vno plano ad vnum punctum collecta.

13

Γρίσμα ἔστι σχῆμα στερεῶν ἐπιπέδοις ποδμεχομένου, ὅν διὺ τὰ ἀπειροσύνειον ἴδ' τε ὁμοιά ἔστι, καὶ παράλληλα, τὰ δὲ λοιπὰ παράλληλόγραμμα.

13

Prisma, figura est solida quæ planis continetur, quorum aduersa duo sunt & æqualia & similia & parallela, alia verò parallelogramma.

14

Σφαῖρα ὅστις, ὅταν ἡμικυκλίᾳ μὲν ὁμοῦ αὖτε ἀπὸ τοῦ κέντρου αὐτῆς ἡμικύκλιον, εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὁ δὲν ἡρέξατο φέρεσθαι, τὸ πᾶν λεγόμενον σφαῖρα.

14

Sphæra est figura, quæ conuerso circum quiescētē diametrum semicirculo continetur, cū in eundem rursus locum restitutus fuerit, vnde moueri cœperat.

16

Ἄξων ὅστις σφαίρας ὅστις, ἡ μὲν αὖτε ἀπὸ τοῦ κέντρου αὐτῆς ἡμικύκλιον φέρεται.

15

Axis autē sphærae, est quiescens illa linea circum quam semicirculus conuertitur.

15

Κέντρον ὅστις σφαίρας ὅστις αὐτῆς, ὅστις ἡμικυκλίᾳ.

16

Centrum verò Sphærae est idem, quod & semicirculi.

18

Διαμέτρῳ ὅτι σφαίρας ἐστὶ μὲν θεϊά τις διὰ τῆς
κέντρῳ ἡγμένη, καὶ περιεσφαιμένη ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέ-
ρη ἡ σφαίρα ἐπιφανείας τῆς σφαίρας.

17

Diameter autem Sphaerae, est recta qua-
dam linea per centrum ducta, & utrin-
que à sphaerae superficie terminata.

11

Κῶνος ὅστις, ὅταν ὁρθογωνίῳ τρίγωνῳ μολύσῃς πλά-
τος τῆς περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν, περιεσφαιθῇ καὶ
τρίγωνον εἰς τὸ αὐτὸ πάλιν ἀποκατασταθῇ ὅθεν ἤρξα-
το φέρεσθαι, τὸ περιεσφαιθὲν χῆμα. καὶ ἡ μέν τις
εὐθεῖα ἴση ἢ τῇ λοιπῇ τῇ περιεσφαιθῇ ὀρθὴν περι-
φερομένη, ὁρθογωνίος ἐστὶ κῶνος. ἐὰν ὅμως ἑλκυσθῇ,
ἀμβλυγωνίῳ. ἐὰν ὅμως μείζων, ὀξυγωνίῳ.

18

Conus est figura, quæ conuerso circum
quiescens alterum latus eorum quæ re-
ctum angulum continent, orthogonib
triangulo continetur, cum in eundem
rursus locum illud triagulum restitutum
fuerit, vnde moueri coeperat. Atque si
quiescens recta linea æqualis sit alteri,
quæ circum rectum angulum conuertitur,
rectangulus erit Conus: sin minor, am-
blygonius: si verò maior, oxygonius.

18

Ἀξων ὅτι κώνη ἐστὶν ἡ μένεια, περιὺς τῷ τριγώνου
στρέφεται.

19

Axis autem Coni, est quiescēs illa linea,
circum quam triangulum vertitur.

κ

Βάσις ὅ, ὁ κύκλος ὁ ὑπὸ τοῦ περιφερόμενης δι-
στάσεως γράφομενος.

20

Basis vero Coni, circulus est qui a circun-
ducta linea recta describitur.

κα

κύλινδρος δὲ, ὅταν ὀρθογωνία παραλληλο-
γραμμῶν μίσθους μίας πλάτους τῆς περι τὴν ὀρθήν,
περιεγεχθῇ τῷ παραλληλόγραμμον εἰς τὸ αὐτὸ
πολὺν ἀποκατασταθῇ, ὅταν ἤρξαι το φέρεσθαι, τὸ πε-
ριληφθῇ ἐν χῆμα.

21

Cylindrus figura est, quæ conuerso cir-
cum quiescens alterum latus eorum quæ
rectum angulum continēt, parallelogrā-
mo orthogonio comprehenditur, cūm
in eundem rursus locum restitutum fue-
rit illud parallelogrammum, vnde moue-
ri cœperat.

κβ

Ἀξων δὲ τῆς κυλίνδρου ἐστὶν ἡ μένεια διδῶνα, περι-

ὡς παραλληλόγραμμον εἴρεται.

22

Axis autem Cylindri, est quiescens illa recta linea, circum quam parallelogrammum vertitur.

κ γ

Βάσεις δ', οἱ κύκλοι οἱ ὑπὸ τῆς ἀπεναντίου πῶδια-
γομένων δύο πλευρῶν γραφόμενοι.

23

Bases verò cylindri, sunt circuli à duobus aduersis lateribus quæ circumaguntur, descripti.

κ δ

Ὅμοιοι κώνοι καὶ κύκλινδροί εἰσι, ὧν οἷτε ἄξονες καὶ αἱ διαμέτρου τῆς βάσεως ἀνάλογοί εἰσι.

24

Similes conici & cylindri, sunt quorum & axes & basium diametri proportionales sunt.

κ ε

Κύβος δ' ἐστὶ χῆμα στερεόν, ὑπὸ ἑξ τετραγώνων ἴσων πῶδια γράμενον.

25

Cubus est figura solida, quæ sex quadratis æqualibus continetur.

κ ς

Τετραέδρου δ' ἐστὶ χῆμα ὑπὸ τεττάρων τριγώνων

ἴσων ὁμοπλευρῶν πρὸς ἀλλήλους.

26

Tetraëdron est figura, quæ triangulis quatuor æqualibus & æquilateris continetur.

κζ

Ὀκταέδρου ὅστις ἡμῶν τετραῶν ἑκάστη τῶν ὀκτώ γωνίῶν ἴσων καὶ ὁμοπλευρῶν πρὸς ἀλλήλους.

27

Octaëdron figura est solida, quæ octo triangulis æqualibus & æquilateris continetur.

κη

Δωδεκαέδρου ὅστις ἡμῶν τετραῶν ἑκάστη τῶν δώδεκα πεντάγωνων ἴσων, ὁμοπλευρῶν, καὶ ὁμογωνίων πρὸς ἀλλήλους.

28

Dodecaëdron figura est solida, quæ duodecim pentagonis æqualibus, æquilateris, & æquiangulis continetur.

κθ

Ἐικοσάεδρου ὅστις ἡμῶν τετραῶν ὑπὸ εἰκοσὶ γωνίῶν ἴσων καὶ ὁμοπλευρῶν πρὸς ἀλλήλους.

29

Eicosaëdron figura est solida, quæ triangulis viginti æqualibus & æquilateris continetur.

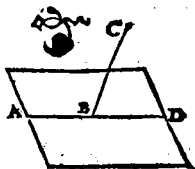
Προτάσεις.

Προτάσεις.

α
 Ἐνθείας γραμμῆς μέρος μέν τι ἐν ἑστῇ ἐστὶ ὑπο-
 κειμένῳ ἐπιπέδῳ, μέρος δὲ τι αὖ τῷ μετεώρῳ.

Theor. 1. Prop. 1.

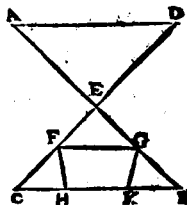
Quædā rectæ lineæ pars
 in subiecto quidem non
 est plano, quædam verò
 in sublimi.



β
 Ἐὰν δύο δι' αὐτὰ τέμνωσιν ἄλληλας, αὖ ἐνὶ εἰσίῳ
 ἐπιπέδῳ, καὶ πᾶν τρίγωνον αὖ ἐνὶ ἑστῇ ἐπιπέδῳ.

Theor. 2. Prop. 2.

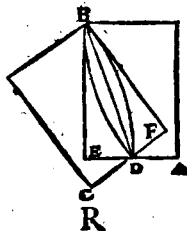
Si duæ rectæ lineæ se mu-
 tuò secēt, in vno sunt pla-
 no : atque triangulum om-
 nne in vno est plano.



γ
 Ἐὰν δύο ἐπίπεδα τέμνη ἄλληλας, ἡ κοινὴ αὐτῶν ἔσ-
 τὶ μὴ δι' αὐτὰ ἑστῇ.

Theor. 3. Pro-
 positio. 3.

Si duo plana se mutuò se-
 cent, communis eorum
 sectio est recta linea.

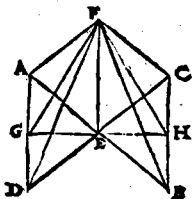


δι

Εὰν διθεῖα δύο διθεῖαι τεμνέσταις ἀλλήλων,
πρὸς ὁρθὰς ὑπὸ αὐτῶν κοινῆς ῥμῆς ἐπισταθῇ, ὅ
δι αὐτῶν ἐπιπέδιον πρὸς ὁρθὰς ἔσται.

Theor. 4. Prop. 4.

Si recta linea rectis dua-
bus lineis se mutuò secā-
tibus, in cōmuni sectio-
ne ad rectos angulos in-
sistat illa ducto etiā per
ipsas plano ad angulos re-
ctos erit.

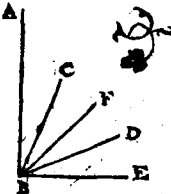


ε

Εὰν διθεῖα τρισὶν διθεῖαις ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἀλλήλων
πρὸς ὁρθὰς ὑπὸ αὐτῶν κοινῆς ῥμῆς ἐπισταθῇ, αἱ τρεῖς
διθεῖαι ἐν ἑνὶ εἰσιν ἐπιπέδιον.

Theor. 5. Prop. 5.

Si recta linea rectis tribus
lineis se mutuò tangēti-
bus, in communi sectione
ad rectos āgulos insistat,
illæ tres rectæ in vno sunt
plano.

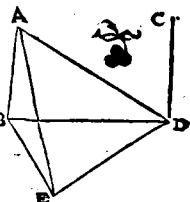


5

Εὰν δύο διθεῖαι ὅσαι αὐτῶν ἐπιπέδιον πρὸς ὁρθὰς
ᾤσιν, παραλλήλοι ἔσονται αἱ διθεῖαι.

Theor.6.Prop. 6.

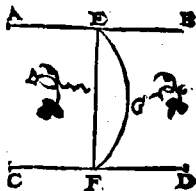
Si duæ rectæ lineæ eidem
plano ad rectos sint angu-
los, parallelæ erunt illæ re-
ctæ lineæ.



Ἐὰν ὡς ἰδίῳ θύθῃαι παράλληλοι, ληφθῇ ὑπὲρ
ἐκατέρως αὐτῶν τυχόντα σημεῖα, ἢ ὑπὸ τὰ ση-
μεῖα ἐπιζυγισμένη θύθῃαι, αὐτῶν ἐπιπέ-
διῳ ὅτι ταῖς παραλλήλοις.

Theor.7.Prop.7.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, in qua-
rum vtrâque sumpta sint
quælibet pũcta, illa lineæ
quæ ad hæc puncta adiun-
gitur, in eodem est cum
parallelis plano.

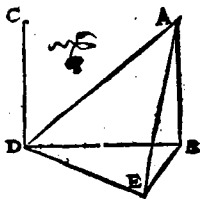


Ἐὰν ὡς ἰδίῳ θύθῃαι παράλληλοι, ἢ δὲ ἐτέρως αὐ-
τῶν ἐπιπέδιῳ ὑπὸ πρὸς ὁρθὰς ἢ, καὶ ἢ λοιπὴ τῶ αὐ-
τῶν ἐπιπέδιῳ πρὸς ὁρθὰς ἔσται.

Theor.8.Prop.8.

Si duæ sint parallelæ rectæ lineæ, qua-

rum altera ad rectos cui-
dam plano sit angulos, &
reliqua eidem plano ad
rectos angulos erit.

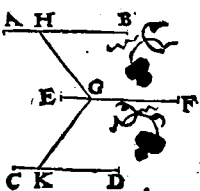


9

Αἱ τῇ αὐτῇ ὀρθοίᾳ παράλληλοι, ἑμῇ ὄντι αὐτῇ
ἐν τῇ αὐτῇ ἐπιπέδῳ, καὶ ἀλλήλους εἰς παράλ-
ληλοι.

Theor. 9. Propo. 9.

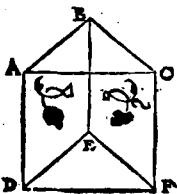
Quæ eidem rectæ lineæ
sunt parallelæ, sed non in
eodem cum illa plano, hæc
quoque sunt inter se pa-
rallelæ.



Ἐὰν δύο ὀρθοίαι ἀπτόμεναι ἀλλήλων παρά δύο
ὀρθείας ἀπτόμενας ἀλλήλων ὦσι, μὴ ἐν τῇ αὐτῇ
ἐπιπέδῳ, ἴσας γωνίας πῶς ἔξωσι.

Theor. 10. Proposi. 10.

Si duæ rectæ lineæ se mu-
tuò tangentes ad duas re-
ctas se mutuò tangentes
sint parallelæ, non autem
in eodem plano, illæ an-
gulos æquales comprehē-
dent.

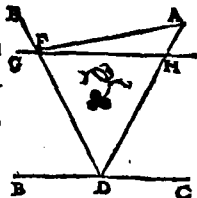


1α

Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου μετεώρου, ὡς ἔστι ὑποκει-
μενον ἐπὶ πεδίου καὶ δευτον διθεῖται γραμμὴ ἀνα-
γών.

Probl. I. Propo. II.

A dato sublimi puncto, in
subiectum planum per-
pendicularem rectam li-
neam ducere.



1β

Τὸ δοθέν ἐπὶ πεδίου, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ τοῦ δοθέν-
τος σημείου, πρὸς ὁρθὰς διθεῖται γραμμὴ ἀνα-
γών.

Probl. 2. Propo. 12.

Dato plano, à puncto quod in il-
lo datum est, ad rectos angulos
rectam lineam excitare.



1γ

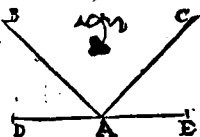
Τὸ δοθέν ἐπὶ πεδίου, ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῷ σημείου,
δύο διθεῖται πρὸς ὁρθὰς ἐκ ἀναγκῆς οὐκ ὡς
αὐτὰ μέρη.

Theor. II. Propo. 13.

Dato plano, à puncto
quod in illo datum est,
duæ rectæ lineæ ad re-
ctos angulos non excita-
buntur ad easdem par-
tes.

1d

Γρὸς αὖ ἐπίπεδα ἢ αὐτὴ δι' αὐτῆς ὁρ. θή. ὅτι, παράλ-
ληλά ὅτι τὰ ἐπίπεδα.

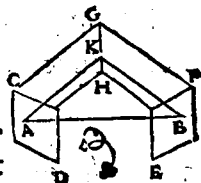


Theore. 12. Propo. 14.

Ad quæ plana, eadem re-
cta linea recta est, illa sunt
parallela.

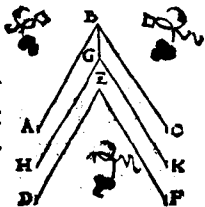
1e

Ἐὰν δύο διθείαι ἀποτόμωσαι ἀλλήλων, παρά δύο
διθείας ἀπομένεας ἀλλήλων ὥσι μὴ ἐν τῷ αὐτῷ
ἐπίπεδῳ ὄντι, παράλληλά ὅτι τὰ δι' αὐτῶν ἐπί-
πεδα.



Theor. 13. Propo. 15.

Si duæ rectæ lineæ se mutuò tangentes
ad duas rectas se mutuò
tangentes sint parallelæ,
non in eodem consisten-
tes plano, parallela sunt
quæ per illas ducuntur
plana.

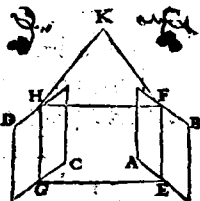


15

Ἐὰν δύο ἐπίπεδα παράλληλα ὑπὸ ἐπιπέδου
 τὸς τέμνηται, αἱ κοιναὶ αὐτῶν ὁμοίαι παράλληλοί
 εἰσι.

Theor. 14. Propo. 16.

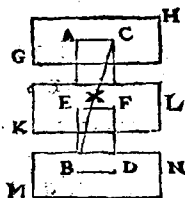
Si duo plana parallela
 plano quopiam secetur,
 cōmunes illorum sectio-
 nes sunt parallelæ.



Ἐὰν δύο εὐθεῖαι εὑρεθῶσι ἐπὶ παραλλήλων ἐπιπέδων
 τέμνωνται, εἰς αὐτῶν αὐτῶν λόγους τμήθῃνται.

Theor. 15. Propo. 17.

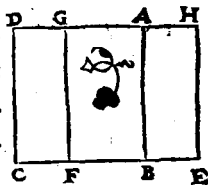
Si duæ rectæ lineæ paral-
 lelis planis secantur, in
 easdem rationes secabun-
 tur.



Ἐὰν εὐθεῖαι ἐπιπέδων ἑνὶ πρὸς ὁρθὰς ἢ, καὶ πάντα
 τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα, τῶν αὐτῶν ἐπιπέδων πρὸς
 ὁρθὰς ἔσται.

Theor. 16. Propo. 18.

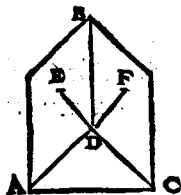
Si recta linea plano cui-
piam ad rectos sit angu-
los, illa etiam omnia quæ
per ipsam plana, ad re-
ctos eidem plano angu-
los erunt.



Εὰν δύο ἐπίπεδα τέμνοντα ἄλληλα ἐπίπῳδῳ
ἑνὶ πρὸς ὀρθὰς ᾖ, καὶ ἡ κοινὴ αὐτῶν ὁμὴ τῶν αὐτῶ
ἐπίπῳδῳ πρὸς ὀρθὰς ἔσται.

Theor. 17. Propo. 19.

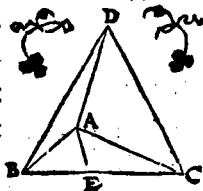
Si duo plana se mutuò se-
cantia plano cuidam ad
rectos sint angulos, com-
munis etiam illorum se-
ctio ad rectos eidem pla-
no angulos erit.



Εὰν σκευὰ γωνία τῶν δύο γωνιῶν ἐπίπῳδῳ
πρὸς ὀρθὰς ᾖ, δύο ὅποιαι αὐτῶν λοιπῆς μείζονες εἰσι
πάντῃ μεταλαμβάνομεθα.

Theor. 18. Propo. 20.

Si angulus solidus planis
tribus angulis contineat-
ur, ex his duo quilibet
utut assumpti tertio sunt
maiores.

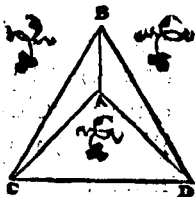


κα

Ἄρα ὅτι ὅταν γωνία ὑπὸ ἐλασσένων ἢ τεσσάρων
ὁρθῶν γωνιῶν ἐπιπέδων περιέχεται.

Theor. 19. Pro-
positio. 21.

Solidus omnis angulus
minoribus continetur, quā
rectis quatuor angulis pla-
nis.

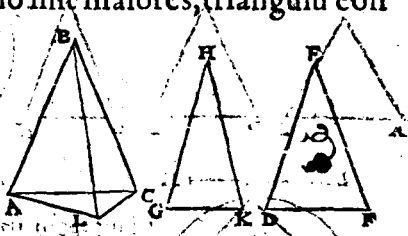


κβ

Ἐάν ποτε τρεῖς γωνίαι ἐπίπεδοι, ὧν αἱ δύο αἱ λοι-
πῆς μείζονες εἴσι, πάντα μεταλαμβάνονται, πε-
ριέχονται ὑπὸ αὐταῖς ἴσιν ἐυθείαις, δύναντο δὲ καὶ
ἐπιβληθῶν τὰς ἴσας ευθείας τρίγωνον συστήσασθαι.

Theor. 20. Propo. 22.

Si plani tres anguli æqualibus rectis con-
tineantur lineis, quorum duo vt libet as-
sumpti tertio sint maiores, triangulū con-
stitui po-
rest ex li-
neis æqua-
les illas re-
ctas cōiun-
gentibus.



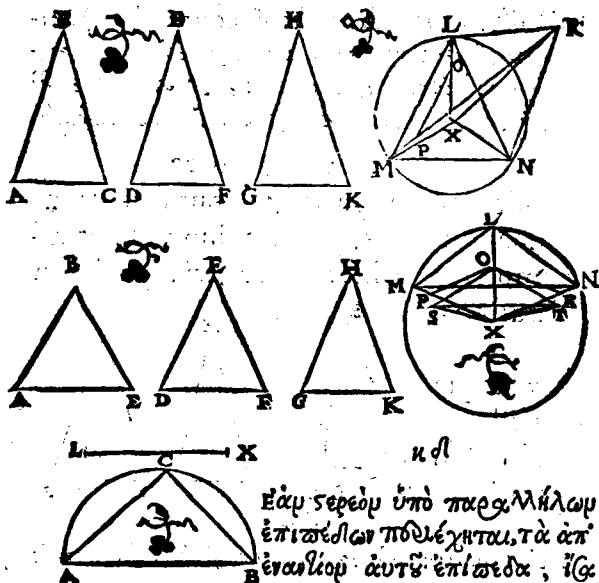
κγ

Ἐκ τριῶν γωνιῶν ἐπιπέδων, ὧν αἱ δύο αἱ λοιπῆς
μείζονες εἴσι, πάντα μεταλαμβάνονται, ὅταν

γωνίᾳ συστήσασθαι. Διὲ δὴ τὰς τρεῖς τεσσάρων
ὀρθῶν ἐλάσσονας εἶναι.

Probl.3. Propo.23.

Ex planis tribus angulis, quorum duo ut
libet assumpti tertio sint maiores; soli-
dum angulum constituere. Decet autem
illos tres angulos rectis quatuor esse mi-
nores.

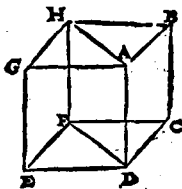


Ἐὰν τρεῶν ὑπὸ παραλλήλων
ἐπιπέδων πδύεχεται, τὰ ἀπ'
ἐναντίου αὐτῶν ἐπίπεδα, ἴσως
τε εἰ παραλληλόγραμμά ἐστι.

Theor. 21. Propo. 24.

Si solidum parallelis planis contineatur, aduersa illi⁹ plana & æqualia sunt & parallelogramma.

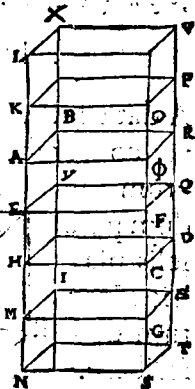
κ ε



Ἐὰν στερεὸν παραλληλεπίπεδοις ἐπιπέδοις Τμηθῇ παραλλήλῳ ὄντι τοῖς ἀπεναντίοις ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ἡ βάσις πρὸς τὴν βάσιν, οὕτω δ' στερεὸν πρὸς δ' στερεῷ.

Theor. 22. Proposition. 25.

Si solidum parallelis planis contentum plano secetur aduersis planis parallelo, erit quemadmodum basis ad basim, ita solidum ad solidum.

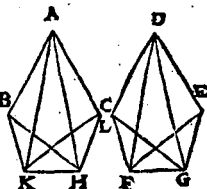


κ ς

Πρὸς τῇ διορίσει δι' αὐτῆς καὶ τῶν πρὸς αὐτῇ σημείων τῇ διορίσει στερεῶν γωνία πρὸς γωνίαν συνίσταται.

Probl. 4. Propositio. 26.

Ad datā rectam lineam
eiusque punctum, angu-
lum solidum constituere
solido angulo dato æqua-
lem.

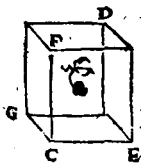
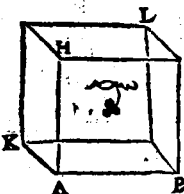


κζ

Ἀπὸ τῆς δοθείσης διθείας, ἑστὶ δοθέντι στερεῷ πα-
ραλληλεπίπεδω ὁμοίον τε καὶ ὁμοίως κείμενον στε-
ρεὸν παραλληλεπίπεδον ἀναγεῖν.

Probl. 5. Propositio. 27.

A data recta, dato solido parallelis pla-
nis comprehenso simile & similiter po-
situm soli-
dum paral-
lelis pla-
nis cōten-
tum de-
scribere.

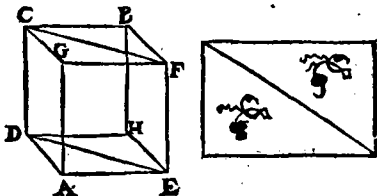


κη

Ἐὰν στερεὸν παραλληλεπίπεδον ἐπιπέδῳ τμη-
θῇ κατὰ τὰς διαγωνίας τῆς ἀπεναντίας ἐπιπέ-
δου, διίχεται τμηθῆσεται εἰς στερεὸν ὑπὸ τῷ ἐπιπέδῳ.

Theor.23.Propo.28.

Si solidum parallelis planis comprehensum, ducto per aduersorum planorum diagonios plano sectum sit, illud solidum ab hoc plano bifariam secabitur.

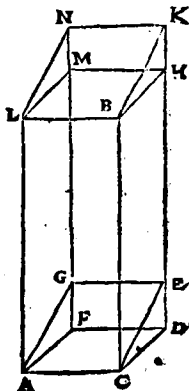


κθ

τὰ ὑπὸ τῇ αὐτῇ βάσει ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῇ αὐτῇ ὑψίστει, ὧν αἱ ἐφ' ἑαυτῇ ὑπὸ τῇ αὐτῇ εἰσὶν ἐν κέντρῳ, ἴσα ἀλλήλοις ὄντι.

Theor.24. Proposition. 29.

Solida parallelis planis comprehensa, quæ super eandem basim & in eadem sunt altitudine, quorum insistentes lineæ in iisdem collocantur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

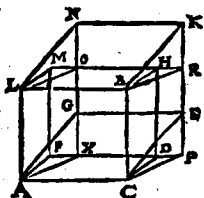


λ

Τὰ ὑπὸ αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὕψος, ὡραὶ ἐφεσώθηεν εἰς ἓν ὑπὸ τῇ αὐτῇ ἐυθειῳ, ἵνα ἀλλήλοις ὅσι.

Theor. 25. Propo. 30.

Solida parallelis planis circūscripta, quæ super eandem basim & in eadē sunt altitudine, quorum insistentēs lineæ non in iisdem reperiuntur rectis lineis, illa sunt inter se æqualia.

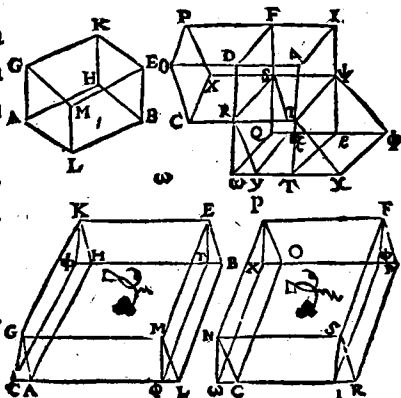


λα

Τὰ ὑπὸ ἴσων βάσεων ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα, καὶ ὑπὸ τῷ αὐτῷ ὕψος, ἵνα ἀλλήλοις ὅσι.

Theor. 26. Proposi. 31.

Solida parallelis planis circūscripta, quæ in eadē sunt altitudine, æqualia sunt inter se.

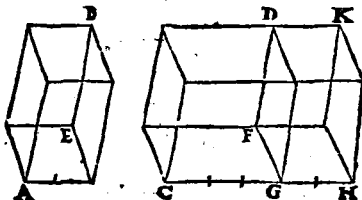


λβ.

τὰ ὑπὸ τ' αὐτῷ θ ὄντα στερεὰ παραλληλεπί-
πεδα, πρὸς ἀλλήλα ὅσιν, ὡς αἰεταίσεις.

Theor. 27. Propo. 32.

Solida parallelis planis circūscripta quæ
eiusdem
sunt altitu-
dinis, eam
habent in-
ter se ra-
tionem,
quam bases.

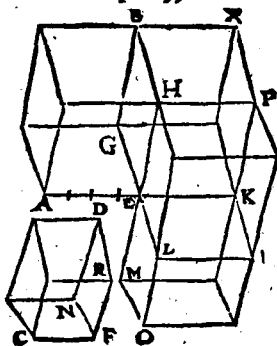


λγ.

Τὰ ὅμοια στερεὰ παραλληλεπίπεδα, πρὸς ἀλ-
ληλα εἰς τριπλασίονι λόγῳ εἰσὶ τῷ ὁμολόγῳ
πλευρῶν.

Theor. 28. Propo. 33.

Similia solida
parallelis pla-
nis circūscrip-
ta habent inter
se rationem ho-
mologorum la-
terum triplica-
tam.

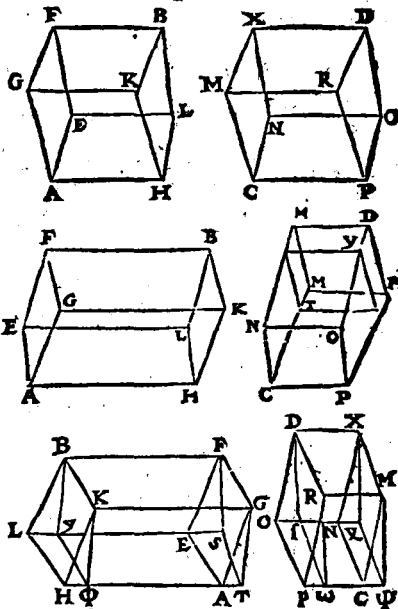


λδ

τῶν ἴσων στερεῶν παραλληλεπιπέδων ἀντιπε-
πνύσασιν αἱ βάσεις τοῖς ὑψέσιν, καὶ ὧν στερεῶν πα-
ραλληλεπιπέδων ἀντιπεπνύσασιν αἱ βάσεις
τοῖς ὑψέσιν, ἴσ' ὅστιν ἐκείνα.

Theor. 29. Propo. 34.

Æqualiū
solidorum
parallelis
planis cō-
tentorum
bases cum
altitudini-
bus reci-
procātur.
Et solida
parallelis
planis cō-
tenta, quo-
rum bases
cum altitu-
dinibus re-
ciprocantur, illa sunt æqualia.



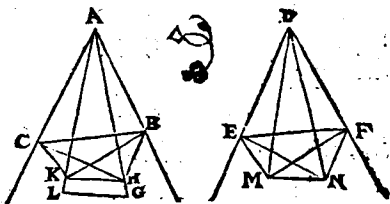
λε

Ἐὰν ὥστε δύο γωνίαι ἐπίπεδοι ἴσῃ, καὶ ἡ ὑψὺς κα-
ρυφῶν αὐτῶν μετέωροι εὐθεῖαι ἐπισταθῶσιν ἴσας
γωνίας

γωνίας περιέχουσαι μετὰ τῶν ἐξ ἀρχῆς δι' ὁρίων
 ἑκατέρωθεν ἑκατέρωθεν, ὡς δὲ τῶν μετεώρων ληφθῆ
 τυχόντα σημεία, καὶ ἀπ' αὐτῶν ὡς τὰ ἐπίπεδα, ἐν
 οἷς εἰσὶν αἱ ἐξ ἀρχῆς γωνίαι, καὶ διδοὶ ἀχθῶσιν, ἀπὸ
 δὲ τῶν γενομένων σημείων ὡς τὰ τῶν καὶ δέτωρ ὡς
 τοῖς ὡς τὰ ἐπίπεδοις, ὡς τὰς ἐξ ἀρχῆς γωνίας ἐπιζυ-
 χθῶσιν δι' δεῖαι, ἵσας γωνίας περιέχουσαι μετὰ τῶν
 μετεώρων.

Theor. 30. Proposi. 35.

Si duo plani sint anguli æquales, quorum
 verticibus sublimes rectę lineę insistant,
 quę cum lineis primò positis angulos cō-
 tineāt æquales, utrūque utrique, in sub-
 limibus autem lineis quælibet sumpta
 sint puncta, & ab his ad plana in quibus
 consistunt anguli primūm positi, ductę
 sint perpendiculares, ab earum verò pun-
 ctis, quę in planis signata fuerint, ad an-
 gulos primūm positos adiunctę sint re-
 ctę lineę,
 hæ cū sub-
 limibus æ-
 quales an-
 gulos com-
 prehēdet.



λς

Ἐὰν βεῖς διθεῖαι ἀνάλογον ὦσι, τὸ ἐκ τῶν βεῖων

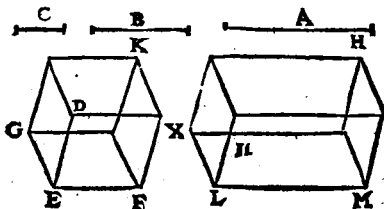
S

ρεὸν παραλληλεπίπεδον ἴσον ἐστὶ τῷ ἄλλῳ αὐτῆς μέ-
σης στερεῷ παραλληλεπίπεδῳ, ἴσον πλὺς ἑῷ ἴ-
γωνίῳ ὃ τῷ περὶ εἰρημένῳ.

Theor. 31. Propo. 36.

Si rectæ tres lineæ sint proportionales,
quod ex his tribus fit solidum parallelis
planis contentum, æquale est descripto à
media linea solido parallelis planis com-
prehensò,

quod æ-
quilate-
rum qui-
dē sit, sed
antedictò
æquiangulum.



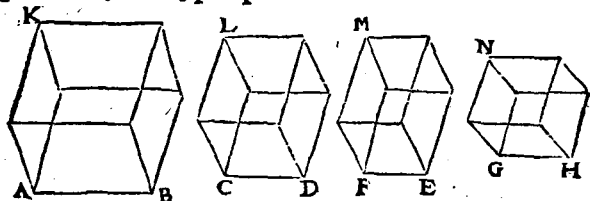
λ?

Ἐὰν τέσσαρες διδῶται ἀνάλογον ὄντι, καὶ τὰ ἀπ' αὐτῶν παραλληλεπίπεδα ὅμοια τε ὁμοίως ἀ-
ναγραφόμενα, ἀνάλογον ἔσται· Ἐὰν τὰ ἀπ' αὐτῶν
στερεὰ παραλληλεπίπεδα ὅμοια τε καὶ ὁμοίως ἀ-
ναγραφόμενα ἀνάλογον ᾖ, καὶ αὐταὶ αἱ διδῶται
ἀνάλογον ἔσονται.

Theor. 32. Propo. 37.

Si rectæ quatuor lineæ sint proportiona-
les, illa quoque solida parallelis planis
contenta, quæ ab ipsis lineis & similia &
similiter describuntur, proportionalia e-

runt. Et si solida parallelis planis comprehensa, quæ & similia & similiter describuntur, sint proportionalia, illæ quoque rectæ lineæ proportionales erunt.

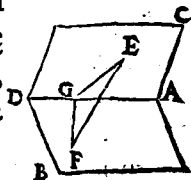


λ η

Εὰν ἐπίπεδον πρὸς ἐπίπεδον ὀρθὸν ᾖ, καὶ ἀπὸ τῶν σημείων τῶν ἐν τῷ ἐπιπέδῳ ὡς εἰς ἑτέρον ἐπίπεδον καὶ θεὸς ἀχθῇ, ὡς αἱ κοινῆς θεμῆς πεσεῖται τῷ ἐπιπέδῳ ἡ ἀγομένη καὶ θετῇ.

Theor. 33. Propo. 38.

Si planum ad planum rectum sit, & à quo dam puncto eorum quæ in vno sunt planorū perpendicularis ad alterum ducta sit, illa quæ ducitur perpendicularis, in communem cader planorum sectionem.



λ θ

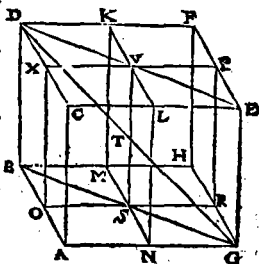
Εὰν στερεῶν παραλληλεπίπεδον τῶν ἀπεναντίον ἐπιπέδων αἱ πλυραὶ διήχαι τμηθῶσι, διὰ τὴν κοινὴν ἐπίπεδον ἐκβληθῇ, ἡ κοινὴ ῥμὴ τῷ ἐπιπέδῳ

S II

καὶ ἡ τῶν τερεῶν παραλληλεπιπέδων διαμέτρος
διίχα τέμνουσιν ἀλλήλας.

Theor. 34. Propo. 39.

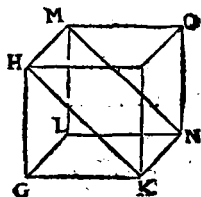
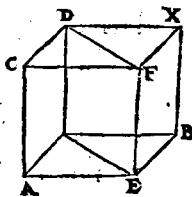
Si in solido parallelis planis circūscripto, aduersorum planorū lateribus bifariam sectis, educta sint per sectiones plana, communis illa planorum sectio & solidi paralleli plani circumscripti diameter, se mutuo bifariam secant.



Ἐὰν ᾖ δύο πρίσματα ἰσοῦς ᾖ, καὶ τῶν ἐξ αὐτῶν
παραλληλόγραμμων, τὸ ὅριζον, διπλάσιον ᾖ
ᾖ τὸ παραλληλόγραμμοι τῶν ὀρίων, ἴσα ἔσονται τὰ
πρίσματα.

Theor. 35. Propo. 40.

Si duo sint æqualis altitudinis prismata, quorum hoc quidem basim habeat parallelogrammum, illud verò triangulum, sit autem parallelogrammum trianguli duplum, illa prismata erunt æqualia.



Elementi vndecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΒ

ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΔΕΥΤΕΡΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENTVM DVODECIMVM,

ET SOLIDORVM

SECUNDVM.

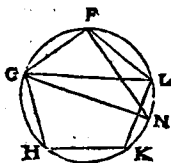
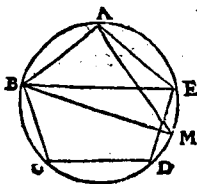
Προτάσεις.

α,

Τὰ ἐν τοῖς κύκλοις ὅμοια πολύγωνα πρὸς ἀλλή-
λά ὄντι, ὡς τὰ ἀπὸ τῶν διγμέτρων τετράγωνα.

Theor. I. Propo. I.

Similia, quæ sunt in circulis polygona,
rationē ha-
bent inter
se quā de-
scripta à
diametris
quadrata.

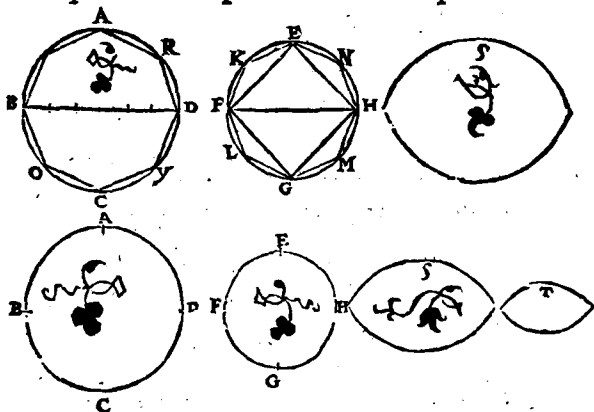


β

οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν, ὡς τὰ ἀρχὴν Δι-
μέτρων τετράγωνα.

Theor.2.Propo.2.

Circuli eam inter se rationem habent,
quam descripta à diametris quadrata.



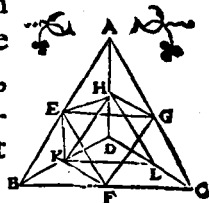
γ

Γὰρ (α) πυραμὶς τρίγωνου ἔχει (α) βάσιν, διαμεῖται
εἰς δύο πυραμίδας ἴσας τε ὁμοίας ἀλλήλαις,
τρίγωνος βάσεις ἔχει (α), καὶ ὁμοίας τῇ ὅλῃ, εἰς
δύο πρίσματα ἴσα. Ὁ τὰ δύο πρίσματα μείζο-
να ἴσιν, ἢ τὸ ἥμισυ τῆς ὅλης πυραμίδος.

Theor.3.Propo.3.

Omnis pyramis trigonam habens basim,
in duas diuiditur pyramidas non tantum

æquales & similes inter se, sed toti etiam pyramidi similes, quarum trigonæ sunt bases, atque in duo prismata æqualia, quæ duo prismata dimidio pyramidis totius sunt maiora.



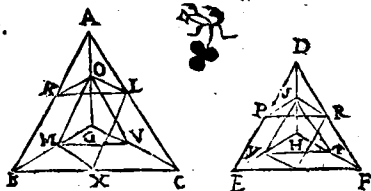
Α

Ἐὰρ ὅσοι δύο πυραμίδες ἴσῳ δ' αὐτῇ ὑψόῳ,
 τρίγωνες ἔχοντες βάσεις, διαιρεθῇ ἑκατέρω αὐ-
 τῇ εἰς τε δύο πυραμίδας ἴσας ἀλλήλαις εἰομοίας
 τῇ ὅλῃ, καὶ εἰς δύο πρίσματα ἴσα, καὶ τῷ γενομέ-
 νῳ πυραμίδω ἑκατέρω τῇ αὐτῇ ὕψοι, εἰ τῶ-
 ρ αἰ γίνηται, ἔσιν ὡς ἡ αὐτῇ πυραμίδι βά-
 σεις, πρὸς τὴν αὐτῇ ἑτέρας πυραμίδι βάσιν, ὡ-
 πως καὶ τὰ ἐν τῇ αὐτῇ πυραμίδι πρίσματα πᾶν-
 τα, πρὸς τὰ ἐν τῇ ἑτέρας πυραμίδι πρίσματα
 πάντα ἰσοϋληθή.

Theor. 4. Propo. 4.

Si duæ eiusdem altitudinis pyramides tri-
 gonas habeant bases, sit autem illarum v-
 traque diuisa & in duas pyramidas inter
 se æquales totique similes, & in duo pri-
 smata æqualia, ac eodẽ modo diuidatur
 vtraque pyramidum quæ ex superiore di-
 uisione natæ sunt, idque perpetuò fiat:
 quemadmodum se habet vnus pyrami-

dis basis ad alterius pyramidis basim, ita
& omnia quę in vna pyramide prismata,
ad omnia quę in altera pyramide, prisma
ta multitudine æqualia.

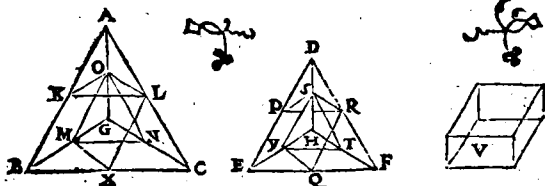


ε

Αἱ ὑποὶ τοῦ αὐτοῦ ὑψοῦς πύραμίδες, καὶ ἔστι
γῶνες ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 5. Propo. 5.

Pyramides eiusdem altitudinis, quarum
trigone sunt bases, eam inter se rationem
habent quam ipsę bases,

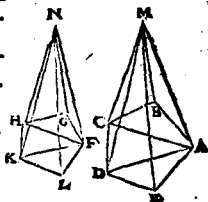


ς

Αἱ ὑποὶ τοῦ αὐτοῦ ὑψοῦς πύραμίδες, καὶ πολυ-
γῶνες ἔχουσαι βάσεις, πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
βάσεις.

Theor. 6. Propo. 6.

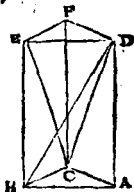
Pyramides eiusdem altitudinis, quarum polygonæ sunt bases, eam inter se rationem habet quam ipsæ bases.



Ἡ αὖ πρὸς μαθητῶν ἔχον βάσιν, διαιρεῖται εἰς
 τρεῖς πυραμίδας ἕως ἀλλήλων, ἵσους βάσεως
 ἔχουσιν.

Theor. 7. Propo. 7.

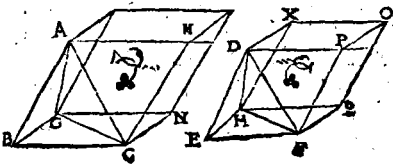
Omne prisma trigonā habens basim, diuiditur in tres pyramidas inter se æquales, quarum trigonæ sunt bases.



Αἱ ὅμοιαι πυραμίδες, καὶ ἵσους ἔχου βάσεις,
 εἰς τριπλασίονι λόγῳ εἰσι τῷ ὁμολόγῳ πλάτους.

Theor. 8. Propo. 8.

Similes pyramides quæ trigonas habent bases, in triplicata sunt homologorum laterum ratione.



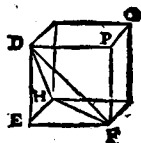
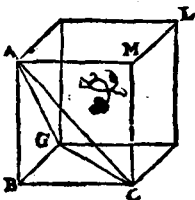
9

Τῶν ἰσῶν πυραμίδων, καὶ τριγώνων βάσεως ἔχουσιν
ἀντιπεπόμεναι βάσεις τοῖς ὕψεσι. Ὡς πύ-
ραμίδων τριγώνων βάσεως ἔχουσιν ἀντιπεπόμε-
ναι βάσεως τοῖς ὕψεσι, ἴσαι εἰσὶν ἐκείναι.

Theor. 9. Propo. 9.

Æqualium pyramidum & trigonas ba-
ses habentium reciprocantur bases cum
altitudinibus. Et quarum pyramidum
trigonas bases habentium reciprocantur
bases

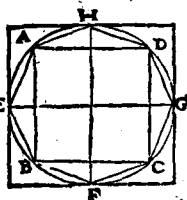
cum altitu-
dinibus, il-
læ sunt æ-
quales.



ῥᾶς κῶν, κυλίνδρου τρίτου μέρος ὅστις τῷ ἅν-
τιῷ βάσει ἔχοντι αὐτῷ ὕψος ἴσον.

Theor. 10. Propo. 10.

Omnis cōnus tertia pars est Cylindri
candē cū
ipso cōno
basim ha-
bentis, &
altitudinē
æqualem.

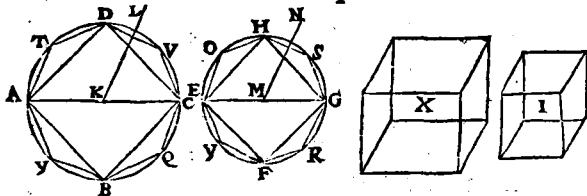


1α

Οἱ ὁμοῖοι κῶνοι & κύλινδροι, ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι,
πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις.

Theor. 11. Propo. 11.

Cōni & cylindri eiusdē altitudinis, eam
inter se rationem habent quam bases.

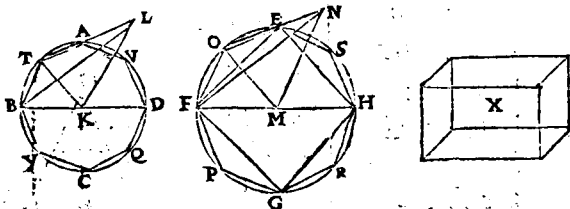


1β

Οἱ ὅμοιοι κῶνοι & κύλινδροι, ἐν ἑξίπλαστονι λόγῳ
γὰρ εἰσὶ τῶν ἐν ταῖς βάσεσι διτμείων.

Theor. 12. Propo. 12.

Similes cōni & cylindri, triplicatam ha-
bent inter se rationem diametrorum quę
sunt in basibus.



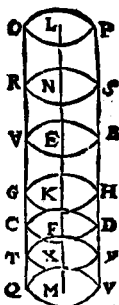
1γ

Ἐὰν κύλινδρον ἐπιπέδῳ τμηθῇ παραλλήλῳ
ὄντι τοῖς ἀπεναντίον ἐπιπέδοις, ἔσται ὡς ὁ κύλινδρος

διὰ τοῦ περὶ τὸν κύλινδρον, ὅπως ὁ ἄξων πρὸς τὸν ἄξωνα.

Theor. 13. Pro-
posit. 13.

Si cylindrus plano sectus
sit aduersis planis paral-
lelo, erit quemadmodum
cylindrus ad cylindrum,
ita axis ad axem.

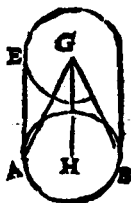
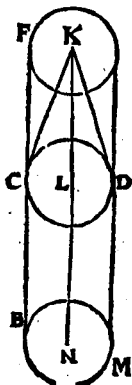


ιδι

οἱ ὑπὸ ἰσων βάσεων ὄντες κῶνοι καὶ κύλινδροι, πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς τὰ ὕψη.

Theore. 14. Propo. 14.

Coni & cy-
lindri qui
in æquali-
bus sunt
basibus, eā
habēt in-
ter se ra-
tionem,
quam alti-
tudines.

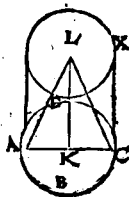
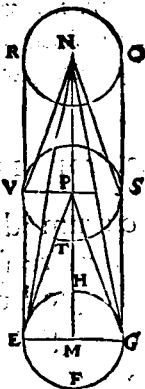


16

Ἦν ἴσων κώνων ἢ κυλίνδρων ἀντιπεπνῶτασι
αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσι. καὶ ἂν κώνων ἢ κυλίνδρων
ἀντιπεπνῶτασι αἱ βάσεις τοῖς ὕψεσιν, ἴσοι εἶ-
σι μὲν κείνοι.

Theor. 15. Propo. 15.

Æqualium cōnorum & cylindrorum ba-
ses cū alti-
tudinibus
reciproca-
tur. Et quo-
rum cōno-
rum & cy-
lindrorū
bases cum
altitudini-
bus reci-
procatur,
illi sunt æquales.



15

Δύο κύκλων πρὸς τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων, εἰς τὸ μεί-
ζονα κύκλον, πολύγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἀγνῶ-
πλευρον ἐπὶ γράψαι, μὴ φαῖναι τὸ ἐλάσσονος κύ-
κλου.

Probl. 1. Propo. 16.

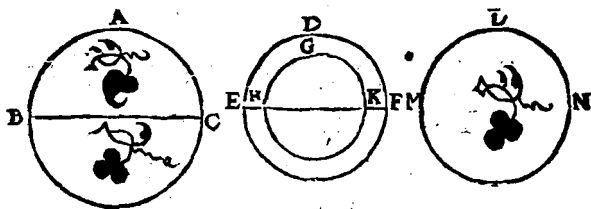
Duobus circulis circum idem centrum

11

Αἱ σφαῖραι πρὸς ἀλλήλας ἐν τριπλασίονι λόγῳ
εἰσὶ τῶν ἰσίων Διμέτρων.

Theor. 16. Propo. 18.

Sphaerae inter se rationem habent suarum
diametrorum triplicatam.



Elementi duodecimi finis.



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ

ΙΓ ΚΑΙ ΣΤΕΡΕΩΝ

ΤΡΙΤΟΝ.

EVCLIDIS ELEMENT-
TVM DECIMVMTER-

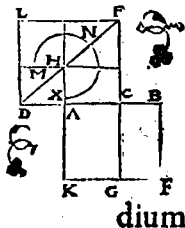
TIVM, ET SOLIDO-
RVM TERTIVM.

Προτάσεις.

Εάν διθεία γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ,
τὸ μείζον τμήμα πρὸς λαβὸν πῶς ἡμίσειαν ἐστὶ ὅ-
λης, πενταπλάσιον δύναιται ᾧ ἀρὲς ἐστὶ ἡμισείας
ἐστὶ ὅλης.

Theor. I. Prop. I.

Si recta linea per extre-
mam & mediam rationē
secta sit, maius segmentū
quod totius lineæ dimi-



dium

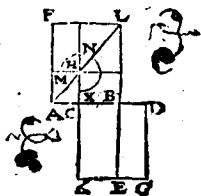
dium assumpserit, quintuplum potest eius quadrati, quod à totius dimidia describitur.

β

Εάν διθεῖα γραμμὴ, τμήμα τῆς ἐαυτῆς πενταπλάσιον διύνηται, καὶ διπλασίας τῆ εἰρημένης τμήματος ἄκρον ἐ μέσον λόγον τεμνομένης, καὶ μείζον τμήμα τὸ λοιπὸν μέρος ὅτι καὶ ἐξ ἀρχῆς διδείκας.

Theor. 2. Prop. 2.

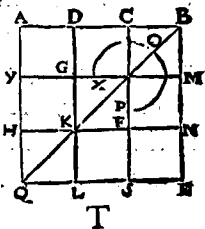
Si recta linea sui ipsius segmenti quintuplum possit, & dupla segmenti huius linea per extremam & mediā rationē secetur, maius segmentum reliqua pars est lineæ primū posite.



Εάν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, καὶ ἔλασσον τμήμα πρὸς λαβὸν πλὴν ἡμίσεως τῆς μείζονος τμήματος, πενταπλάσιον δύναται τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς μείζονος τετραγώνου.

Theor. 3. Prop. 3.

Si recta linea per extremā & mediam rationem secta sit, minus segmentū quod maioris segmenti dimidium assumpserit,



T

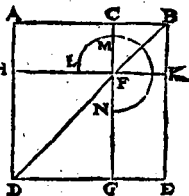
quintuplum potest eius, quod à maioris
segmenti dimidio describitur, quadrati.

Α

Εὰν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον κὶ μέσον λόγον τμηθῇ,
ὅτι ἂν ὅλης κὶ ἑλάττονος τμήματος, τὰ συν-
αμφότερα τετραγωνα, ἑξίπλάσια ὄντι τῷ ἄρ. τῷ
μείζονι τμήματι τετραγώνου.

Theor. 4. Propo. 4.

Si recta linea per extremam & mediam
rationem secta sit, quod à
tota, quodq; à minore se-
gmento simul vtraq; qua-
drata, tripla sunt eius,
quod à maiore segmēto
describitur, quadrati.

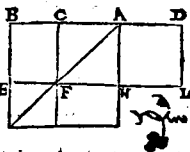


Ε

Εὰν διθεῖα γραμμὴ ἄκρον κὶ μέσον λόγον τμηθῇ,
κὶ προστεθῇ ἰσὴ τῷ μείζονι τμήματι, ὅλη ἡ διθεῖα
ἄκρον κὶ μέσον λόγον τέτμηται, κὶ ὅτι μείζον τμή-
μα ὄντι, ἡ ἐξ ἀρχῆς διθεῖα.

Theor. 5. Proposi. 5.

Si ad rectam lineam, quæ
per extremam & mediā
rationem secetur, adiun-
cta sit altera segmēto ma-
iori æqualis, tota hæc li-
nea recta per extremam

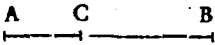


& mediam rationem secta est, estque maius segmentum linea primum posita.

5

Ἐὰν διθεῖα ῥητὴ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τμηθῇ, ἐκαστοῦ τῶν τμημάτων ἄλογός ἐστιν, ἢ καλεμένη ἀποτομή.

Theor. 6. Propo. 6.

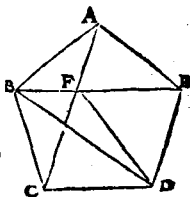
Si recta linea ῥητὴ siue rationalis, per extremam & mediam rationem secta sit, vtrunque segmento-

 rum ἄλογον siue irrationalis est linea, quæ dicitur Residuum.

8

Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλεύρου αἱ ῥεῖς γωνίαι, ἢ τοὶ αἱ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἢ αἱ μὴ κατὰ τὸ ἐξῆς, ἴσται ὧσιν, ἰσὺ γωνιοῦ ἔσται τὸ πεντάγωνον.

Theor. 7. Propositio. 7.

Si pentagoni æquilateri tres sint æquales anguli, siue qui deinceps, siue qui non deinceps sequuntur, illud pentagonum erit æquiangulum.



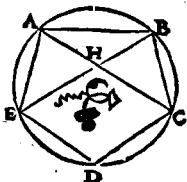
11

Ἐὰν πενταγώνος ἰσοπλεύρου εἰς ἰσογώνια τὰς κατὰ τὸ ἐξῆς δύο γωνίας ὥστε πένωσι μὴ διδῶσι, ἄκρον

καὶ μέσοι λόγοι τέμνουν ἀλλήλας, καὶ τὰ μείζονα αὐτῶν τμήματα ἴσιν ἢ τῷ πενταγώνῳ πλοῦρα.

Theor.8.Propo.8.

Si pentagoni æquilateri & æquianguli duos qui deinceps sequuntur angulos rectæ subtendant lineæ, illæ per extremam & mediam rationem se mutuo secant, earumque maiora segmenta, ipsius pentagoni lateri sunt æqualia.

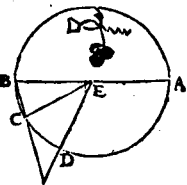


9

Ἐὰν ἡ τῷ ἑξαγώνῳ πλοῦρα καὶ ἡ τῷ δεκαγώνῳ, εἰς τὸ αὐτὸν κύκλον ἐγγραφόμενων, συντεθῶσιν, ἡ ὅλη διθδεῖα ἄκρον καὶ μέσον λόγον τέτμηται, καὶ τὸ μείζον αὐτῶν τμήμα ἴσιν ἢ τῷ ἑξαγώνῳ πλοῦρα.

Theor.9.Propo.9.

Si latus hexagoni & latus decagoni eidem circulo inscriptorum composita sint, tota recta linea per extremam & mediam rationem secata est, eiusque segmentum maius, est hexagoni latus.



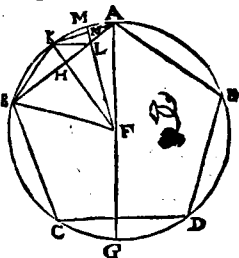
1

Ἐὰν εἰς κύκλον πεντάγωνον ἰσοπλευρον ἐγγραφ-

Φῆ, ἢ τὸ πενταγώνου πλῆθὺς δύναται πῶς τε τῶ
ἐξαγώνου καὶ πῶς τὸ δεκαγώνου, τῶν εἰς τὸν αὐτὸν κύ-
κλον ἐγγραφομένων.

Theor. 10. Propo. 10.

Si circulo pentag-
num æquilaterū in-
scriptum sit, pentag-
ni latus potest & la-
tus hexagoni & latus
decagoni, eidem cir-
culo inscriptorum.

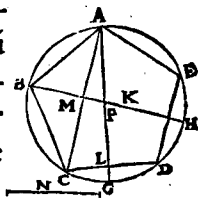


1 α

Ἐὰν εἰς κύκλον ῥητῶς ἔχοντα πῶς διαμέτρον, πεν-
τάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἢ τῶ πενταγώνου
πλῆθὺς ἀλογόσῃς, ἢ καλεσμένη ἐλάσσῃ.

Theor. 11. Propo. 11.

Si in circulo ῥητῶς haben-
te diametrum, inscriptū
sit pentagonum æquila-
terum, pentagoni latus ir-
rationalis est linea, quæ
vocatur Minor.

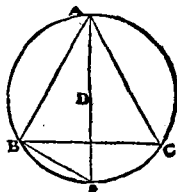


1 β

Ἐὰν εἰς κύκλον ῥητῶς ἔχοντα πῶς διαμέτρον, πεν-
τάγωνον ἰσόπλευρον ἐγγραφῇ, ἢ τῶ
πενταγώνου πλῆθὺς, διωάμει ῥητῶς ὅτι αὐ-
τὸ ἐκ τῶ κέντρου τῶ κύκλου.

Theor.12. Propositio 12.

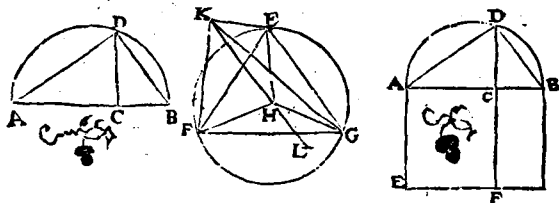
Si in circulo inscriptum sit triangulum æquilate-
rum, huius trianguli latus
potentia triplum est eius
lineæ, quæ ex circuli cen-
tro ducitur.



17
Πυραμίδα συστήσασθαι, καὶ σφαῖρα περιλαβεῖν
τῇ δοθείσῃ, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ τῆς σφαίρας διάμε-
τρος, διώκει ἡμολία ἔστι τῇ πλευρᾷ τῆς πυρα-
μίδος.

Probl.1. Propo.13.

Pyramidem constituere, & data sphaera
cōplecti, atque docere illius sphaerae dia-
metrum potentia sesquialteram esse. la-
teris ipsius pyramidis.

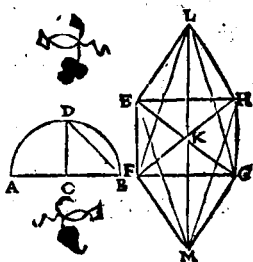


18
Ὅτι τὰ ἑξ ὧν συστήσασθαι, ἐκ σφαίρας περιλαβεῖν
ἢ καὶ τὴν πυραμίδα, ἐκ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ τῆς σφαίρας

διωάμεϊ διπλάσι ἔστι τοῦ πλὴρῶς
τῷ ὀκταέδρῳ.

Probl. 2. Propo. 14.

Octaëdron consti-
tuere, eaque sphaera
qua pyramidem cō-
plecti, atque probare
illius sphaerae diame-
trum potentia du-
plam esse lateris i-
psius octaëdri.

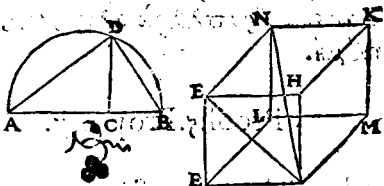


16

κύβου συστήσασθαι, ἐκ σφαίρας πῶτε λαβεῖν ἢ ἐκ τῶν
πρότερον, καὶ δεῖξαι ὅτι ἡ ἐκ σφαίρας διάμετρος
διωάμεϊ τριπλῇ ἔστι τοῦ τῷ κύβῳ πλὴρῶς.

Probl. 3. Propo. 15.

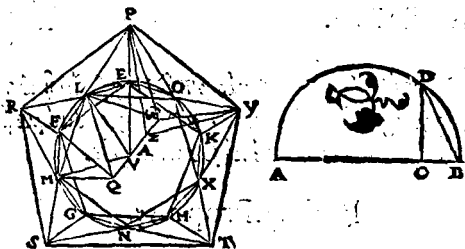
Cubum constituere, eaque sphaera qua &
superiores figuras cōplecti, atque docce-
re illius
sphaerae dia-
metrum
potentia
triplá esse
lateris i-
psius cubi.



Εἰκογώνιστρον συστήσασθαι καὶ σφαῖρα πᾶσι λαβεῖν,
ἢ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, εἰ δεῖξαι ὅτι ἡ τῆς εἰ-
κογώνιστρον πλευρὰ ἀλογόσ ἐστι, ἢ καλεμένη ἐλάτ-
τωμ.

Probl. 4. Propo. 16.

Icosaëdru cōstituere, eadēque sphæra
qua & antedictas figuras complecti, at-
que probare, Icosaëdri latus irrationalē
esse lineam, quæ vocatur Minor.

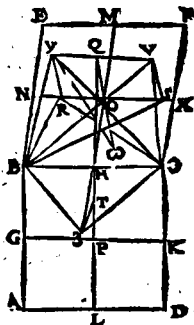


Δωδεκαέδρου συστήσασθαι εἰ σφαῖρα πᾶσι λα-
βεῖν, ἢ καὶ τὰ προειρημένα σχήματα, εἰ δεῖξαι ὅτι ἡ
τῆς δωδεκαέδρου πλευρὰ ἀλογόσ ἐστι, ἢ καλεμένη
ἀποδομή.

Probl. 5. Propo. 17.

Dōdecaëdru constituuere, eadēque
sphæra qua & antedictas figuras com-

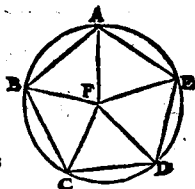
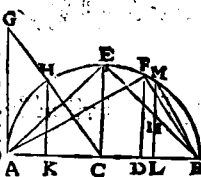
plecti, atque probare dō
decaëdri latus irrationa-
lem esse lineam, quæ vo-
catur Residuum.



Τὰς πλευρὰς τῆς πέντε χημάτωρ ἐκδέσθαι, καὶ
συγκρίναι πρὸς ἀλλήλας.

Probl. 6. Propo. 18.

Quinque
figurarum
latera pro-
ponere, &
inter se cō-
parare.



ΣΧΟΛΙΟΝ.

λέγω δὴ ὅτι ποσὰ τὰ εἰρημένα εἰ χήματα ἔσυστα-
θήσεται ἑτέρον χήμα, ποδὲς χόμενον ὑπὸ ἰσο-
πλευρέωρ τε καὶ ἰσογωνίων, ἴσων ἀλλήλοισι. ὥστε
ἂν τὸ δύο τρίγωνον, ἀλλ' ἑστὲ ἄλλωρ δύο ἐπι-
πλάωμιν ἐξ ἑαυτῶν γωνία ἔσυσταθήσεται.

ὑπὸ ὃ ῥιζῶν ῥιγώνων, ἢ αὐτῶν πυραμίδων.

ὑπὸ ὃ τεσσάρων, ἢ τῶν ὀκταέδρων.

ὑπὸ ὃ ἑ, ἢ τῶν εἰκοσάεδρων.

ὑπὸ δὲ ἕξ ῥιγώνων ἰσοπλάθων τε καὶ ἰσογωνίων
πρὸς ἐνὶ σημείῳ συνισταμένων, ἔκ ἐστι σφαιρὰ γων-
νία. ὅσης γὰρ αὐτῇ τῇ ἰσοπλάθῃ ῥιγώνῃ γωνίας δι-
μοίρην ὀρθῆς, ἔχονται αἱ ἕξ τέτταρες ὀρθαὶ ἴσαι, ὅ-
πως ἀδύνατον. ἀπαρτίζονται γὰρ σφαιρὰ γωνία, ὥστε ἐ-
λασσόνων ἢ τεσσάρων ὀρθῶν περιέχεται. διὰ τὰ
αὐτὰ δὴ καὶ ἐπὶ ὥστε πλείονων ἢ ἕξ γωνιῶν ὡς πρὸς
δὲ σφαιρὰ γωνία συνίσταται.

ὑπὸ δὲ τετραγώνων ῥιζῶν, ἢ τῶν κύβων γωνία πε-
ριέχεται.

ὑπὸ ὃ τεσσάρων, ἀδύνατον. ἔχονται γὰρ πάλιν
τέσσαρες ὀρθαί.

ὑπὸ δὲ πενταγώνων ἰσοπλάθων καὶ ἰσογωνίων,
ὥστε ἢ ῥιζῶν, ἢ τῶν δωδεκαέδρων.

ὑπὸ ὃ τεσσάρων, ἀδύνατον. ὅσης γὰρ αὐτῇ τῇ ἰσο-
πλάθῃ πενταγώνῃ γωνίας ὀρθῆς ἐπὶ πέντε, ἔχον-
ται αἱ τέσσαρες γωνίαι τεσσάρων ὀρθῶν μείζους,

ὁ ὅδρ ἀδυνάτω. ὅδρ μὴ ἔστω πολυγώνω ἐτέρω
 χημάτων ὡς διεξιέσεται σερεὰ γωνία, διὰ τὴν
 ἄπομ. ἢ ἄρα παρὰ τὰ εἰρημένα ἔσονται ἡμέτα ἔτε
 ρομ ἡμα σερεὸν συσταθῆσεται, ὑπὸ ἰσοπλύρωσι
 ἰσογωνίων ὡς διεξιέσεται. ὁ ὅδρ ἔστω διέξαι.

SCHOLIVM.

Aia Verò, præter dictas quinque figuras non pos-
 se aliam constitui figuram solidam, quæ pla-
 nis & æquilateris & equiangularis contineat-
 ur, inter se equalibus. Non enim ex duobus
 triangulis, sed neque ex aliis duabus figuris
 solidus constituetur angulus.

Sed ex tribus triangulis, constat Pyramidis
 angulus.

Ex quatuor autem, Octaëdri.

Ex quinque Verò, Icosaëdri.

Nam ex triangulis sex & æquilateris &
 equiangularis ad idem punctum coeuntibus,
 non fiet angulus solidus. Cum enim trianguli
 æquilateri angulus, recti unius bessum conti-
 neat, erunt eiusmodi sex anguli rectis qua-
 tuor æquales. Quod fieri nō potest. Nam so-
 lidus omnis angulus, minoribus quàm re-
 ctis quatuor angulis continetur, per 21. II.

Ob easdem sanè causas, neque ex pluribus
quàm planis sex eiusmodi angulis solidus
constat.

Sed ex tribus quadratis, Cubi angulus con-
tinetur.

Ex quinque, nullus potest. Rursus enim recti
quatuor erunt.

Ex tribus autem pentagonis æquilateris &
equiangulis, Dodecaedri angulus cōtinetur.
Sed ex quatuor, nullus potest. Cū enim pen-
tagoni æquilateri angulus rectus sit & quin-
ta recti pars, erunt quatuor anguli rectis qua-
tuor maiores. Quod fieri nequit. Nec sanè ex
aliis polygonis figuris solidus angulus conti-
nebitur, quòd hinc quoque absurdum sequa-
tur. Quamobrem perspicuum est, præter di-
ctas quinque figuras aliam figuram solidam
nō posse constitui, quæ ex planis æquilateris
& equiangulis contineatur.

Elementi decimitertij finis.



ΕΥΚΛΕΙ

ΔΟΥΣΤΟΙΧΕΨΟΝ ΙΔΚΑΙ

· ΣΤΕΡΕΩΝ ΤΕΤΑΡΤΟΝ,

ὡς διονταίινες, ὡς ἄλλοι ὃ, ΥΥΙ-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ποδὶ τῷ ἔσωμάτω,

πεῶζορ.

ΒΑΣΙΛΕΪΔΗΣ ὁ ΤΥΡΙΘ, ὃ πρῶταρχε, παρὰ γέ-
νηθεις εἰς Ἀλεξάνδρειαν, κῆσυσσας τῷ πατρὶ
ἡμῶν διὰ τὴν ἀπὸ τῆς μαθήματος συγγένειαν, σω-
διέξιψεν αὐτῷ τὸν πλεῖστον αἰὲν ἐπιδημίας χρό-
νον. καί ποτε διελθόντες εἰς ὑπὸ Ἀπολλωνίου γρα-
φέν ποδὶ αἰὲν συγγένειας τῆς Δωδωναέειδος κῆ τῆς
εἰκοσέειδος, τῷ εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγρα-
φομένων, ἵνα λόγον ἔχει ταῦτα πρὸς ἄλληλα,
ἔδοξαν ταῦτα μὴ ὁρθῶς γεγραφέναι τὸν ἀπὸ λ-
ώνιον. αὐτοὶ δὲ ταῦτα Διφναθάραντες, ἐ-
γραψαν, ὡς τὸ ἀκέραιον τῆς πατρὸς. ἐγὼ ὃ ὕστερον

ὁδὲ πρὸς οὐ μίαν βιβλίῳ ὑπὸ ἑλλωνίς ἐκδι-
 δομένῳ, καὶ ὁδὲ χοντι ἀπόδειξις ὑγιῶς ὁδὲ τῇ
 ὑποκειμένη, ὅτι μεγάλως ἐφ' ὑπαγωγῇ θίω ὑπὸ τῇ
 προβλήματι ζήτησι. ὅτι ὑπὸ ἑλλωνίς ἐκ-
 δοθῆναι ἔοικε κοινῇ σκοπεῖν. καὶ ἡ πρὸς φέρεται.
 ὅτι δ' ὑφ' ἡμῶν διοκῆν ὑπερον γεγραφέναι φιλο-
 πόνως, ὅτι διοκῆν, ὑπομνηματίζοντο ἔκριναι
 πρὸς φωνῆσαι σοὶ διὰ τὴν εἰς ἀπασι μαθήμασι,
 μάλιστα δ' εἰ γεωμετρία πρὸς κοπῇ ἐμπείρως κρι-
 νοῖναι τὰ ῥηθισόμηναι, διὰ τὴν πρὸς τὸν πατέρα
 σωθῆσαν, καὶ τὴν πρὸς ἡμᾶς θύνοισιν, θύμνωσιν ἀκκο-
 μένῳ πρὸς πραγματείας. καὶ ὅτι δ' ἂν εἴη πρὸς
 μίαν ἢ πεπαῦσαι, τὴν δ' ὁ σωτάξεως ἀρχεσθαι.



EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM QV AR

TVM, VT QVIDAM ARBI-

trantur, vt alij verò, Hy-

psiclis Alexandrini,

de quinque cor-

poribus,

LIBER PRIMVS.

Basilides Tyrius, Protarche, Alexandriam profectus, patrique nostro ob disciplinae societatem commendatus, longissimo peregrinationis tempore cum eo versatus est. Cumque differerent aliquando de scripta ab Apollonio cōparatione Dodecaedri & Icosaedri eidem sphaerae inscriptorum, quam haec inter se habeant rationem, censuerunt ea non rectè tradidisse Apollonium: quae à se emendata, vt de patre audire erat, literis prodiderunt. Ego autem postea incidi in alterum librum ab Apollonio editum, qui de-

monstrationem accuratè complecteretur de re
 proposita, ex eiusque problematis indagazione
 magnam equidem cepi voluptatem. Illud certè
 ab omnibus perspicui potest, quod scripsit Apol-
 lonius, cum sit in omnium manibus. Quod autem
 diligenti, quantum conicere licet, studio, nos po-
 stea scripsisse videmur, id monimentis consigna-
 tum tibi nuncupandum duximus, ut qui felici-
 ter cum in omnibus disciplinis tum vel maxime
 in Geometria versatus, scitè ac prudenter iudi-
 ces ea quæ dicturi sumus: ob eam verò, quæ tibi
 cum patre fuit, vitæ consuetudinem, quaque nos
 complecteris, beneuolentiam, tractationē ipsam
 libenter audias. Sed iam tempus est, ut procemio
 modum facientes, hanc syntaxim aggrediamur.

Προτάσεις.

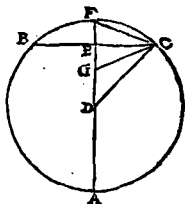
α,

Ἡ ἀπὸ τῆς κέντρης κύκλου ἑνὸς, ὑπὸ πλὴν τῆς πεντα-
 γώνου πλῆρῳ, ἢ εἰς τὸν αὐτὸν κύκλον ἐγγραφο-
 μένῃ καὶ τετραγώνῳ ἀγομένῃ, ἡ μισοῖα ὅστις σωμαφορ-
 εῖ, αὐτὴ ἐκ τῆς κέντρης καὶ αὐτὴ ἢ δεκαγώνῳ, τῇ εἰς
 τὸν κύκλον ἐγγραφομένῳ.

Theor. I. Prop. I.

Perpendicularis linea, quæ ex circuli cu-
 iuspiam

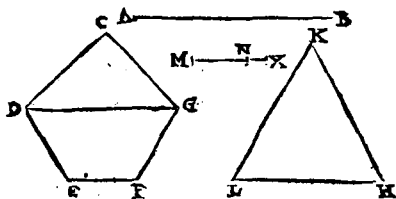
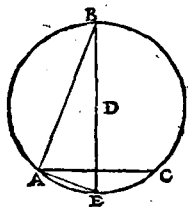
iuspiam cētro in latus pentagōni ipsi cir-
culo inscripti ducitur, di-
midia est vtriusque simu-
lineæ, & eius quæ ex cen-
tro, & lateris decagōni
in eodē circulo inscripti.



β
Ὁ αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τὸ τε τῷ δωδε-
καέδρῳ πεντάγωνον, καὶ τὸ τῷ εἰκοσέδρῳ τριγώνον
τῷ εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφόμενον.

Theor. 2. Propo. 2.

Idem circulus comprehendit & dode-
caëdri pentagonum & icosaëdri trian-
gulum, eidem sphaeræ inscriptorum.

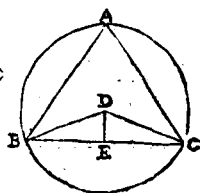
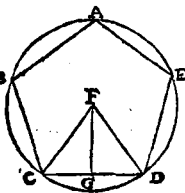


γ
Ἐὰν ᾖ πεντάγωνον ἰσόπλευρόν τε & ἰσογώνιον, καὶ
περι τὸ τοῦ κύκλου, καὶ ἀπὸ τῆς κέντρως καθετῇ
ὑπὸ μίαν πλευρὰν ἀχθῇ, τὸ τριακοντάκισ ὡς
μᾶς τῷ πλῶν σφαῖραν ἐγγραφόμενον, ἴσον ᾖ τῇ τῷ
δωδεκαέδρῳ ὑποφανείᾳ.

Theor.3. Propo.3.

Si pentagono & æquilatero & æquiangu-
lo circunſcriptus ſit circulus, ex cuius cẽ-
tro in vnũ pentagoni latus ducta ſit per-
pendicularis: quod vno laterum & per-
pendicula

ri trige-
ſies conti-
netur, il-
lud æqua-
le eſt δω-
decaẽdri ſuperficie.



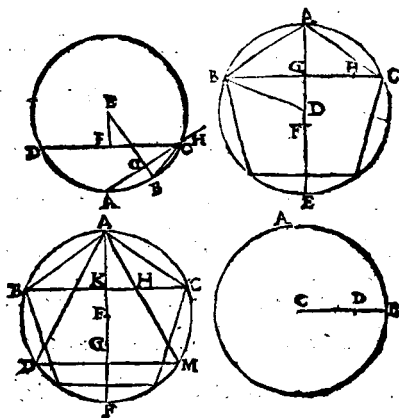
Δ

Τέτρα δὴ λυγόντος, διμυτέρον ὅτι ἔσται ὡς ἡ τὴν Δωδε-
καέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τῆς εἰκοσέδρου, ὥτως
ἡ τὴν κύβου πλυρὰ πρὸς τὴν τῆς εἰκοσέδρου πλυ-
ρῶν.

Theor.4. Propo.4.

Hoc perspicuum cùm sit , probandum
est, quemadmodũ se habet δωdecaẽdri

superficies ad icosaëdri superficiem, ita
se habere cubi latus ad icosaëdri latus.



Cubi latus.

E

Dodecaëdri.

F

Icōsaëdri.

G

Δεικτέον δὴ νῦν, ὅτι ὡς ἡ τῷ κύβῳ πλυρὰ πρὸς
 πλὴν τῷ εἰκοχέδρῳ, ἔτιω ἔσσεσθαι τῷ δωδεκαέδρῳ
 πρὸς τὸν σερεῶν τῷ εἰκοχέδρῳ. ἐπεὶ γὰρ ἴσοι κύκλοι
 ποδὶ λαμβάνουσι τό, τε τῷ δωδεκαέδρῳ πεντά-
 γωνον καὶ τῷ εἰκοχέδρῳ τρίγωνον, ἥ εἰς πλὴν αὐτῶν
 σφαῖρα ἐκτραφομένων, αἱ δὲ ταῖς σφαῖραις οἱ ἴσοι
 κύκλοι ἴσους ἀπέχουσιν ἀπὸ τῶν κέντρων. αἱ γὰρ ἀπὸ τῶν
 κέντρων εἰς σφαῖρας ὑπὸ τὰ τῶν κύκλων ἐπίπεδα
 κἀκεῖνοι ἀγόμενοι, ἴσαι τε εἰσὶν εἰς ὑπὸ τὰ κέντρα
 τῶν κύκλων πίπτουσαι. ὥς τε αἱ ἀπὸ τῶν κέντρων εἰς
 σφαῖρας ὑπὸ τῶν κέντρων τῶν κύκλων τῷ ποδὶ λαμ-
 βάνοντες τό τε τῷ εἰκοχέδρῳ τρίγωνον καὶ τῷ
 δωδεκαέδρῳ πεντάγωνον, ἴσαι εἰσὶ, τετέστι αἱ
 κἀκεῖνοι. ἰσοῦ γὰρ ἄρα εἰσὶν αἱ πυραμίδες αἱ βά-
 σεις ἔχουσαι τὰ τῷ δωδεκαέδρῳ πεντάγωνα, καὶ
 αἱ βάσεις ἔχουσαι τὰ τῷ εἰκοχέδρῳ τρίγωνα. αἱ δὲ
 ἰσοῦ γὰρ πυραμίδες πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ὡς αἱ
 βάσεις. ὥς ἄρα τὸ πεντάγωνον πρὸς τὸ τρίγωνον,

ἔτις ἡ πύραμις ἥς βάσις ἔστι δὲ τὸ Δωδεκαέδρου
 πεντάγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον αὐτοῦ σφαίρας,
 πρὸς τῷ πυραμίδα ἥς βάσις μέγιστος τῶν εἰκο-
 γέδρων τριγώνου, κορυφὴ δὲ τὸ κέντρον αὐτοῦ σφαίρας.
 Ὡς ἄρα Δωδεκα πεντάγωνον πρὸς εἰκοσι τρίγω-
 να, ἔτις Δωδεκα πυραμίδες πενταγώνων βά-
 σιδος ἔχουσι πρὸς εἰκοσι πυραμίδας τρίγωνας βά-
 σεις ἔχουσιν. καὶ Δωδεκα πεντάγωνον ἡ τῶν Δωδε-
 καέδρων ἐπιφάνειά ἐστιν, εἰκοσι δὲ τρίγωνα ἡ τῶν εἰκο-
 γέδρων ὑποφάνειά ἐστιν. ἔστι ἄρα ὡς ἡ τῶν Δωδεκαέ-
 δρων ἐπιφάνεια πρὸς τῷ τῶν εἰκογέδρων ἐπιφάνειαν,
 ἔτις Δωδεκα πυραμίδες πενταγώνων βάσιδος ἔ-
 χουσι πρὸς εἰκοσι πυραμίδας τρίγωνας βάσιδος ἔ-
 χουσιν. Εἰς δὲ Δωδεκα ἢ πυραμίδες πενταγώ-
 νων βάσιδος ἔχουσι, τὸ σφαιρὸν τῶν Δωδεκαέδρων, εἰ-
 κοσι δὲ πυραμίδες τρίγωνων βάσιδος ἔχουσι, τὸ σφαι-
 ρὸν τῶν εἰκογέδρων. καὶ ὡς ἄρα ἡ τῶν Δωδεκαέδρων
 ἐπιφάνεια πρὸς τῷ τῶν εἰκογέδρων, ἔτις τὸ σφαιρὸν
 τῶν Δωδεκαέδρων πρὸς τὸ σφαιρὸν τῶν εἰκογέδρων. ὡς
 δὲ ἡ ἐπιφάνεια τῶν Δωδεκαέδρων πρὸς τῷ ἐπιφάνειαν

νῆαν τῷ εἰκογέδρῳ, ὅπως εἰδείχθη ἡ κύβου πλῆ-
 ρὰ πρὸς τῷ τῷ εἰκογέδρῳ πλῆρωσι. καὶ ὡς ἄρα ἡ
 κύβου πλῆρω πρὸς τῷ εἰκογέδρῳ πλῆρωσι,
 ὅπως ὁ σφαιρὸς διωδοναέδρῳ πρὸς ὁ σφαιρὸς εἰ-
 κογέδρῳ.

SCHOLIUM.

*Nunc autem probandum est, quemadmodum
 se habet cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habe-
 re solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Cui
 enim aequales circuli comprehendant & dode-
 caëdri pentagonum & Icosaëdri triangulum,
 eidem sphaerae inscriptorum: in sphaeris autem æ-
 quales circuli equali intervallo distent à centro
 (siquidē perpendiculares à sphaerae cetro ad circu-
 lorum plana ductæ & aequales sunt, & ad cir-
 culorum centra cadunt) idcirco lineæ, hoc est
 perpendiculares quæ à sphaerae centro ducuntur
 ad centrum circuli comprehendentis & triangu-
 lum Icosaëdri & pentagonum dodecaëdri, sunt
 aequales. Sunt igitur equalis altitudinis Pyrami-
 des, quæ bases habent ipsa dodecaëdri pentagō-
 na, & quæ, Icosaëdri triangula. At equalis alti-
 tudinis pyramides rationem inter se habent eam
 quam bases, ex 5. & 6. II. Quemadmodum igitur
 pentagonum ad triangulum, ita pyramis,*

cuius basis quidem est dodecaëdri pētagōnum, vertex autem, sphaerae centrum, ad pyramida cuius basis quidem est Icosaëdri triangulum, vertex autem, sphaerae centrum. Quamobrem ut se habent duodecim pentagona ad viginti triāgula, ita duodecim pyramides quorum pentagona sint bases, ad viginti pyramidas, quae trigonas habeant bases. At pētagōna duodecim sunt dodecaëdri superficies, viginti autem triangula, Icosaëdri. Est igitur ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita duodecim pyramides, quae pentagonas habeant bases, ad viginti pyramidas, quarum trigona sunt bases. Sunt autem duodecim quidem pyramides, quae pentagonas habeant bases, solidum dodecaëdri: viginti autem pyramides, quae trigonas habeant bases, Icosaëdri solidum. Quare ex II.5. ut dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiem, ita solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum. Ut autem dodecaëdri superficies ad Icosaëdri superficiē, ita probatum est cubi latus ad Icosaëdri latus. Quēadmodum igitur cubi latus ad Icosaëdri latus, ita se habet solidum dodecaëdri ad Icosaëdri solidum.

Elementi decimi quarti finis.

V iii



ΕΥΚΛΕΙ-

ΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΪΟΝ ΙΕΚΑΙ

ΣΤΕΡΕΩΝ ΠΕΜΠΤΟΝ,

ὡς ὄιονταί τινες, ὡς ἄλλοι δ' ὕψι-

ΚΛΕΟΥΣ Ἀλεξανδρέως,

ποδὲ τῷ ἑσώματι

τῶν, διδύτῳ.

EVCLIDIS ELEMEN-

TVM DECIMVM QVINTVM,

ET SOLIDORVM QVIN-

tum, vt nonnulli putant:

vt autem alii, Hypsi-

clis Alexandrini

de quinq; cor-

poribus,

LIBER SECVNDVS.

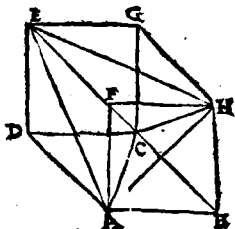
Προτάσεις.

α,

Εἰς τὸ δίδενται κύκλου περιμέτρου ἐπὶ τῇ ἀφαι.

Problemata 1. Pro-
positio 1.

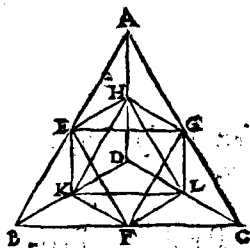
In dato cubo pyra-
mida inscribere.



β
Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκταέδρου ἐγγράψαι.

Problemata 2. Pro-
positio 2.

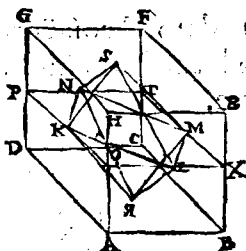
In data pyramide oc-
taëdron inscribere.



γ
Εἰς τὴν δοθέντα κύβου ὀκταέδρου ἐγγράψαι.

Probl. 3. Pro-
positio 3.

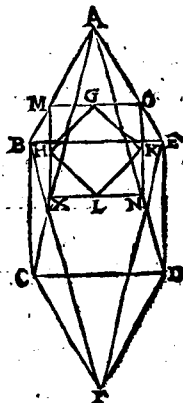
In dato cubo octaë-
dron inscribere.



δ
Εἰς τὸν δοθέντα κύβον ὀκταέδρου ἐγγράψαι.

Problema 4. Pro-
positio 4.

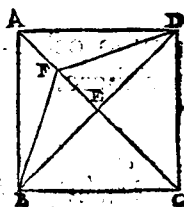
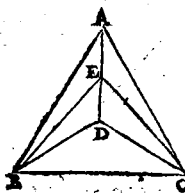
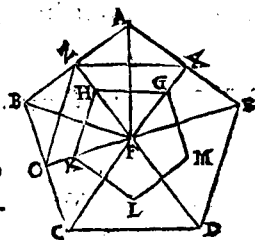
In dato octaëdro cubum
inscribere.

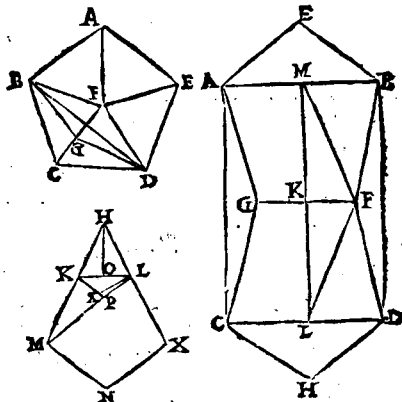


Εἰς τὸ δοθὲν οἰκοδόμησον ὠκταέδρου ἑγγραφεῖ
κύβον.

Proble. 5. Pro-
positio 5.

In dato Icosaëdro
dodecaëdron inscri-
bere.





Δεῖ εἰδέναι ἡμᾶς, ὅτι ἐάν τις ἐρεῖ ἡμῖν πόσας πλθυ-
 ρὰς ἔχει τὸ εἰκοθέεδρον, φήσομεν ὅτως. Φανερόν ὅτι
 ἅπλῶς εἴκοσι τρίγωνον περιέχεται τὸ εἰκοθέεδρον,
 καὶ ὅτι ἑκάστον τρίγωνον ἅπλῶς διθῶν περιέ-
 χεται. Δεῖ οὖν ἡμᾶς πολλαπλασιάσαι τὰ εἴκοσι
 τρίγωνα ὑπὸ τὰς πλθυράς τῶ τρίγωνου, γίνεται δὲ
 ἐξήκοντα, ὧν ἡμῖν γίνεται τριάκοντα. ὁμοίως δὲ καὶ
 ὑπὸ δωδεκάεδρου. πάλιν ἐπειδὴ δώδεκα πεντά-
 γωνα περιέχουσιν τὸ δωδεκάεδρον, πάλιν δὲ ἑκά-
 στον πεντάγωνον ἔχει πέντε διθείας, ποιεῖμεν δω-
 δεκάκτισ πέντε, γίνεται ἐξήκοντα. πάλιν τὸ ἡμῖν
 γίνεται τριάκοντα. Διὰ τί δὲ τὸ ἡμῖν ποιεῖμεν;
 ἐπειδὴ ἑκάστη πλθυρὰ, καὶ τε τῆς τρίγωνου, καὶ πεντα-
 γωνου, καὶ τετραγώνου, ὡς ὑπὸ κύβου, ἐκ διθυτέρου λαμ-
 βάνεται. ὁμοίως δὲ τῇ αὐτῇ μεθόδῳ καὶ ὑπὸ κύβου, καὶ
 ὑπὸ πρῆξις, καὶ τῶ ὀκταέδρου τὰ αὐτὰ
 ποιήσας διρήσεις τὰς πλθυράς. εἰ δὲ βεληθεῖς πάλ-
 λιν ἑκάστη τῶ πέντε χημάτων διρεῖν τὰς φωνίας, πό-

λιν τὰ αὐτὰ ποιήσας, μέριξε παρὰ τὰ ἐπίπεδα
 τὰ πωδιέχοντα μίαν γωνίαν ἑξ ἑρέξ, οἷον ἐπειδὴ
 πὺ τῷ εἰκοθέδρῳ γωνίαν πωδιέχουσι ἑξήγωνα,
 μέριξε παρὰ τὰ ἑ, γίνονται δωδεκά γωνία τῷ
 εἰκοθέδρῳ. ὡς δὲ τῷ δωδεκάεδρῳ, τρία πεντά-
 γωνα πωδιέχουσι πὺ γωνίαν, μέρισον παρὰ τὰ
 ἑξ, καὶ ἕξεις ἡ γωνίας ἕξ τῷ δωδεκάεδρῳ. ὁ-
 μοίως δὲ ἐὰν τῷ λοιπῷ διήσεις τὰς γωνίας.

Τέλος Εὐκλείδους στοιχείων.

SCHOLIUM.

Meminiſſe decet, ſi quis nos roget quot Icoſae-
drum habeat latera, ita reſpondendum eſſe. Pa-
ter Icoſaedrum viginti contineri triangulis,
quodlibet verò triangulum rectis tribus coſtare
lineis. Quare multiplicanda ſunt nobis viginti
triangula in trianguli vnius latera, ſuntque ſe-
xaginta, quorum dimidium eſt triginta. Ad
eundem modum & in dōdecaedro. Cū enim
rurſus duodecim pentagona dōdecaedrum com-
prehendant, itemque pentagonum quodvis rectis

quinque cōstet lineis, quinque duodecies multipli-
 camus, fiunt sexaginta, quorū rursus dimidium
 est triginta. Sed cur dimidiū capimus? Quoniam
 vnumquodque latus siue sit trianguli siue penta-
 goni, siue quadrati, vt in Cubo, iteratō sumitur.
 Similiter autem eadem via & in cubo & in
 pyramide & in octaëdro latera inuenies. Quòd
 si item velis singularum quoque figurarum an-
 gulos reperire, facta eadem multiplicatione nu-
 merum procreatum partire in numerum plano-
 rum quæ vnum solidum angulum includunt: vt
 quonian triangula quinque vnum Icosaedri an-
 gulum continent, partire 60. in quinque, nascun-
 tur duodecim anguli Icosaedri. In dodecaëdro
 autem tria pentagona angulum comprehendunt.
 partire ergo 60. in tria, & habebis dodecaëdri
 angulos viginti. Atque simili ratione in reli-
 quis figuris angulos reperies.

Finis Elementorum Euclidis.

NON POTUIT FIERI, CANDIDE

Lector, quin errores aliquot recenti huic editioni obrepererint propter varias in exemplari scripto litu-
ras, quibus pleraque nobis immutanda fuerunt. Hos
ergo strictim notatos amicé & bencuolé corrigito.

Libro 1. in definitio. ε. λεγε ἐπιφανεία. 8. iacētū. 9.
ὅταμ. 11. πῶδι φερείας. λγ. πλθυσάς. 33. *inter se equalia.* 35. *parallelæ rectæ.* In postula. 6. πεπερασμέντω.
2. *continuum.* In propositio. 1. ὅφ' ἂς αἰ. 3. ὡδὶ τὰ. 8.
equalibus. κς. δυοῖ γωνίαις. λθ. μέρη, κγ. μθ. παρὰ
βαλεῖν. 47. *continentibus describuntur, quadratis.* Li-
bro 2. in definit. β. χωρίε, τῷ πῶδι τῶ διαμέτρου
αὐτῆς ἐν. propo. 5. εὐθεία ἐπ' εὐθείας. ὁρθογώνιου. 6.
εἰς adiecta, simul cum quadrato δ. Lib. 3. propo. γ. δι-
χατέμνη, κγ. πρὸς ὁρθὰς αὐτῶν τεμνεί. κγ. ἐὰν πρὸς
ὁρθὰς. 8. *rectarum.* ις. μεταξὺ τὸ ποῦ τ' τε εὐθείας
κγ. τ' πῶδι φερείας ἐτέρω δι. θίαι. Lib. 5. definit. ι ε. λῆ
45. 15. η. prop. α. τοῦ τετραπλάσια ἔσται. 2. *tertia cū*
sexta, quartæ. 21. *ipsis æquales.* Lib. 6. prop. 5. *sub qui-*
bushomologa. ις. ἴσόν ὅτι τῶ πῶδι τ' μέσων πῶδι ε-
χομένων ὁρθογώνιῳ. 61. εἰ. Lib. 7. definit. ι 3. πλθυσά
3 αὐτῆς. propo. κ α. τῷ τὸν αὐτὲρ λόγου. κ θ. ποιῇ
ἑνὰ, οἱ. Lib. 9. propo. ι β. ὅφ' ὅσων ἄρ ὁ λ. ἡμισυ
αὐτῆς. Lib. 11. propo. 1. δυοῖ δι. θείας. λ ε. μετέωρων
ληφθῇ. Lib. 13. fol. 119. b. vers. 7. ἐξ τέτταρσι. In
quibusdam accentuum εἰς distinctionum notulis quic-
quid peccatum fuerit, id facile vel tacentibus nobis a-
nimaduerti potest.

